

# BDR 4I803 2016

## Cours 3 : Traitement et optimisation de requêtes

1

## Problème

`EMP(ENO, ENAME, TITLE)`  
`PROJECT(PNO, PNAME, BUDGET)`  
`WORKS(ENO, PNO, RESP, DUR)`

Soit la requête  
pour chaque projet de budget > 250 qui emploie plus de 2  
employés, donner le nom et le titre des employés

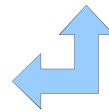
Comment l'exprimer en SQL ?

2

## Un plan d'exécution possible

```
SELECT DISTINCT Ename, Title
FROM Emp, Project, Works
WHERE Budget > 250
AND Emp.Eno=Works.Eno
AND Project.Pno=Works.Pno
AND Project.Pno IN
  (SELECT Pno
   FROM Works
   GROUP BY Pno
   HAVING COUNT(*) > 2)
```

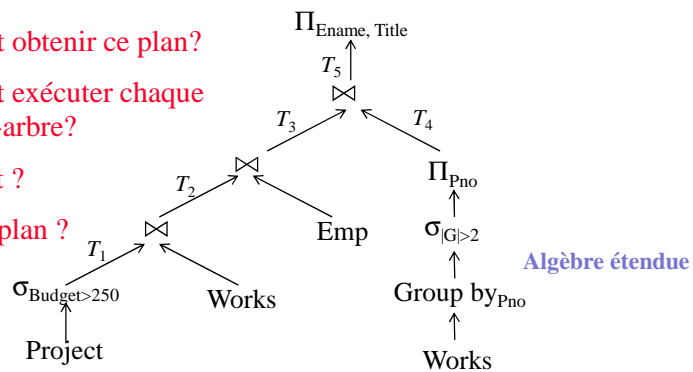
$T_1 \leftarrow$  Lire la table Project et sélectionner les tuples de Budget > 250  
 $T_2 \leftarrow$  Joindre  $T_1$  avec la relation Works  
 $T_3 \leftarrow$  Joindre  $T_2$  avec la relation Emp  
 $T_4 \leftarrow$  Grouper les tuples de Works sur Pno et pour les groupes qui ont plus de 2 tuples, projeter sur Pno  
 $T_5 \leftarrow$  Joindre  $T_3$  avec  $T_4$   
 $T_6 \leftarrow$  Projeter  $T_5$  sur Ename, Title  
 Résultat  $\leftarrow$  Éliminer doublons dans  $T_6$



3

## Représentation algébrique

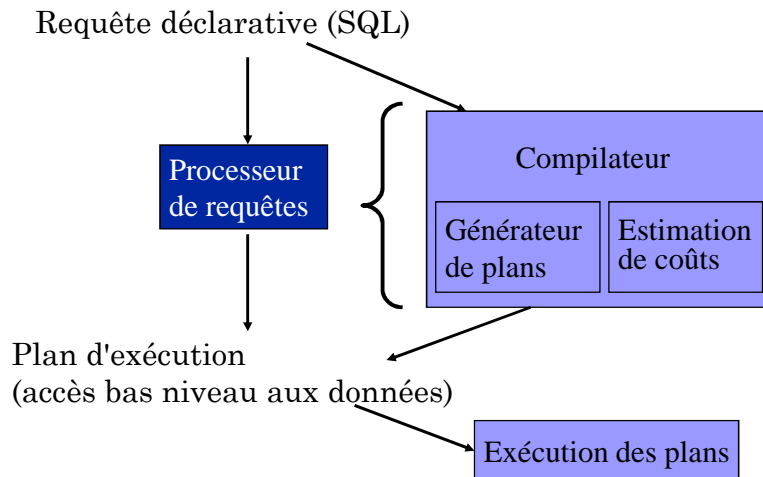
1. Comment obtenir ce plan?
2. Comment exécuter chaque nœud/sous-arbre?
3. Quel coût ?
4. Meilleur plan ?



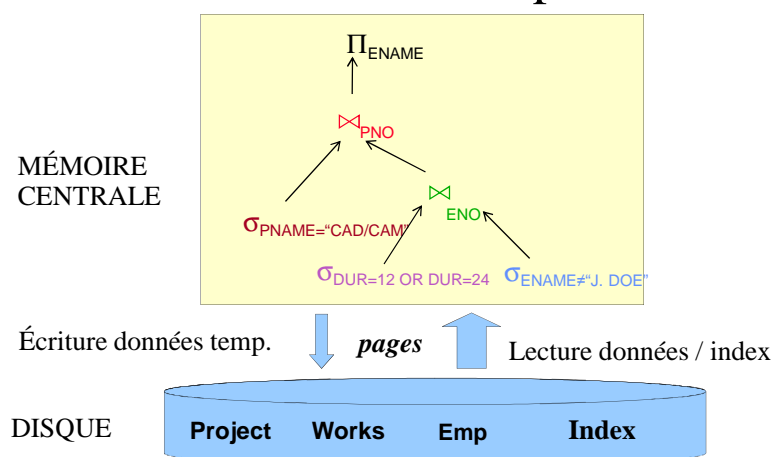
$\Pi_{Ename, Title}(\Pi_{Pno}(\sigma_{|G| > 2} \text{Group}_{Pno}(\text{Works})) \Join$   
 $(\text{Emp} \Join ((\sigma_{\text{Budget} > 250000} \text{Project}) \Join \text{Works})))$

4

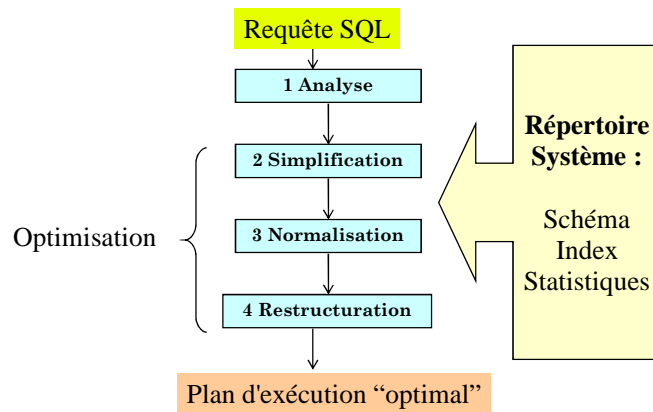
## • Traitement des requêtes



## Exécution d'un plan



## Étapes du traitement d'une requête



7

## Normalisation de requête

- Analyse lexicale et syntaxique
  - vérification de la validité de la requête
  - vérification des attributs et relations
  - vérification du typage de la qualification
- Mise de la requête en **forme normale**
  - forme normale conjonctive  
 $(p_{11} \vee p_{12} \vee \dots \vee p_{1n}) \wedge \dots \wedge (p_{m1} \vee p_{m2} \vee \dots \vee p_{mn})$
  - forme normale disjonctive  
 $(p_{11} \wedge p_{12} \wedge \dots \wedge p_{1n}) \vee \dots \vee (p_{m1} \wedge p_{m2} \wedge \dots \wedge p_{mn})$
  - OR devient union
  - AND devient jointure ou sélection

8

## Simplification

- Pourquoi simplifier?
  - plus une requête est simple, plus son exécution peut être efficace
- Comment? en appliquant des transformations
  - élimination de la redondance
    - règles d'idempotence
$$p_1 \wedge \neg(p_1) \equiv \text{faux}$$
$$p_1 \wedge (p_1 \vee p_2) \equiv p_1$$
$$p_1 \vee \text{faux} \equiv p_1$$
$$\dots$$
  - application de la transitivité (att1=att2 ,att2=att3)
- Éliminer des opérations redondantes : **élagage**
  - ex. : pas besoin de distinct après une projection sur une clé
- utilisation des règles d'intégrité
  - CI : att1 < 100 Q: ... where att1 > 1000...

9

## Exemple de simplification

```
SELECT      Title
FROM        Emp
WHERE       Ename = 'J. Doe'      P1
OR          (NOT(Title = 'Programmer'))  -P2
AND         (Title = 'Programmer'      P2
OR          Title = 'Elect. Eng.')      P3
AND         NOT(Title = 'Elect. Eng.')) -P3
           ↓
           P1 ∨ (¬P2 ∧ (P2 ∨ P3) ∧ ¬P3)

SELECT      Title
FROM        Emp
WHERE       Ename = 'J. Doe'
```

10

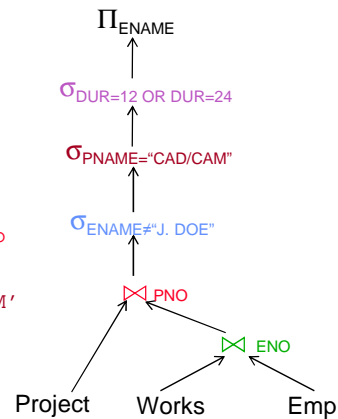
# Traduction en algèbre

Conversion en arbre algébrique

Exemple :

```

SELECT  Ename
FROM    Emp, Works, Project
WHERE   Emp.Eno = Works.Eno
AND     Works.Pno = Project.Pno
AND     Emp.Ename <> 'J.Doe'
AND     Project.name = 'CAD/CAM'
AND     (Works.Dur=12 OR
        Works.Dur=24)
    
```



11

## Heuristiques

*Observation* : les opérations manipulant moins de données sont plus rapides (sélectivité corrélée à la performance)

Objectif : déterminer un ordre pour les opérations, censé être efficace.

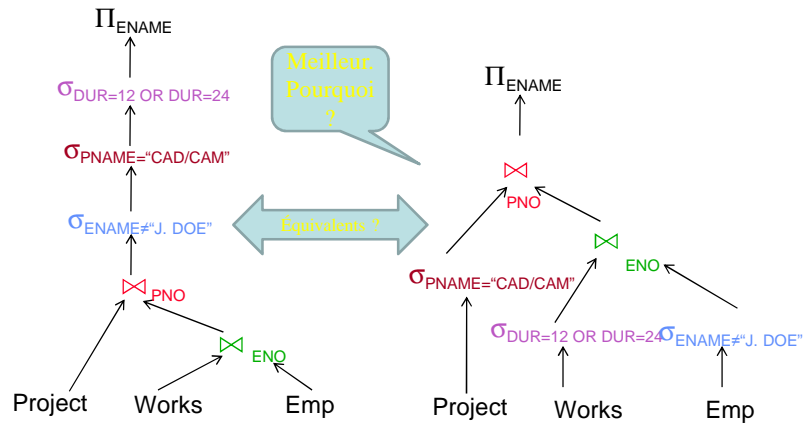
Méthode:

Commencer par traiter les opérations les plus sélectives (projection, sélection) et de manière à réduire la taille des données d'entrée pour les opérateurs suivants (jointures).

La place en mémoire est un facteur primordial pour l'efficacité d'une jointure (cf. dans 2 semaines)

12

## Exemple



## Optimisation basée sur le coût

- Elaborer des plans
  - arbre algébrique, restructuration, ordre d'évaluation
- Estimer leurs coûts
  - fonctions de coût
    - en terme de temps d'exécution
    - coût I/O + coût CPU
    - poids très différents
      - par ex. coût I/O = 1000 \* coût CPU
- Choisir le meilleur plan
  - Espace de recherche : ensemble des expressions algébriques équivalentes pour une même requête
  - algorithmes de recherche:
    - parcourir l'espace de recherche
    - algorithmes d'optimisation combinatoire

## Restructuration

- Objectif : choisir l'ordre d'exécution des opérations algébriques (élaboration du plan logique).
- Conversion en arbre algébrique
- Transformation de l'arbre (optimisation)
  - règles de transformation (équivalence algébriques),
  - estimation du coût des opérations en fonction de la taille
  - Estimation du résultat intermédiaire (taille et ordre? )
  - En déduire l'ordre des jointures

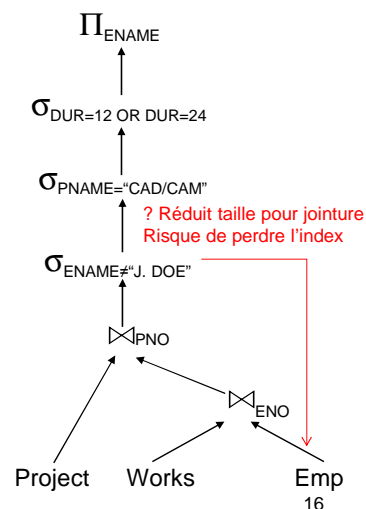
15

## Restructuration

- Conversion en arbre algébrique
- Exemple

```

SELECT  Ename
FROM    Emp, Works, Project
WHERE   Emp.Eno=Works.Eno
AND     Works.Pno=Project.Pno
AND     Ename NOT= 'J.Doe'
AND     Pname = 'CAD/CAM'
AND     (Dur=12 OR Dur=24)
  
```





## Coût d'un plan

- Fonction de coût = **estimation du temps écoulé pour**
  - Accéder aux données :
    - temps I/O exprimé en nombre de pages lues ou écrites
  - Calculer le résultat d'une opération à partir des données lues
    - Temps CPU dépend du nombre d'instructions
- Estimation du coût d'exécution de chaque noeud de l'arbre algébrique
  - utilisation de pipelines ou de relations temporaires importante
    - Pipeline : les tuples sont passés directement à l'opérateur suivant.
      - Pas de relations intermédiaires (petites mémoires, ex. carte à puce).
      - Permet de paralléliser (BD réparties, parallèle)
      - Intéressant même pour cas simples :  $\sigma_{F \wedge F'}(R)$ , index sur  $F'$   $\rightarrow \sigma_F(\sigma_{F'}(R))$
    - Relation temporaire : permet de trier mais coût de l'écriture

17

## Estimer la **cardinalité** d'une opération

- Estimation du **nombre de nuplets** résultant de chaque nœud par rapport à ses entrées
  - Permet d'estimer le coût de l'opération suivante
  - sélectivité des opérations – “facteur de réduction”
  - propagation d'erreur possible
  - basé sur les statistiques maintenues par le SGBD

18

# Statistiques

- **Relation**
  - cardinalité :  $\text{card}(R)$
  - taille d'un tuple :  $\text{largeur}(R)$
  - fraction de tuples participant une jointure / attribut
  - ...
- **Attribut**
  - cardinalité du domaine
  - nombre de valeurs distinctes  $\text{distinct}(A,R) = \Pi_A(R)$
  - Valeur max, valeur min
- **Hypothèses**
  - indépendance entre différentes valeurs d'attributs
  - distribution uniforme des valeurs d'attribut dans leur domaine
  - Sinon, il faut maintenir des histogrammes
    - Equilarge : plages de valeurs de même taille
    - Equiprofond : plages de valeurs contenant le même nombre d'occurrence
    - Equiprofond meilleur pour les valeurs fréquentes (plus précis) voir diapo suivante
- **Stockage :**
  - Les statistiques sont des métadonnées, stockées sous forme relationnelle (cf. TME)
  - Rafraîchies périodiquement, pas à chaque fois.

Le fameux compromis L/E

## Cardinalité des opérations

### Sélection :

$$\text{taille}(R) = \text{card}(R) * \text{largeur}(R)$$

$$\text{card}(\sigma_F(R)) = SF_\sigma(F) * \text{card}(R)$$

où  $SF_\sigma$  est une *estimation* de la **sélectivité du prédicat**, dont la forme générale est "nombre d'éléments sélectionnés / nombre d'éléments possibles"

$SF_\sigma(A = \text{valeur}) = \frac{1}{\text{card}(\Pi_A(R))}$	
$SF_\sigma(A > \text{valeur}) = \frac{\text{max}(A) - \text{valeur}}{\text{max}(A) - \text{min}(A)}$	$SF_\sigma(A < \text{valeur}) = \frac{\text{valeur} - \text{min}(A)}{\text{max}(A) - \text{min}(A)}$
$SF_\sigma(p(A_i) \wedge p(A_j)) = SF_\sigma(p(A_i)) * SF_\sigma(p(A_j))$	
$SF_\sigma(p(A_i) \vee p(A_j)) = SF_\sigma(p(A_i)) + SF_\sigma(p(A_j)) - (SF_\sigma(p(A_i)) * SF_\sigma(p(A_j)))$	
$SF_\sigma(A \in \text{ens\_valeurs}) = SF_\sigma(A=\text{valeur}) * \text{card}(\text{ens\_valeurs})$	

Si A continue, Sinon, remplacer par Card

## Cardinalité des opérations

### Projection

$$\text{card}(\Pi_A(R)) \leq \text{card}(R) \text{ (égalité si A est unique)}$$

### Produit cartésien

$$\text{card}(R \times S) = \text{card}(R) \cdot \text{card}(S)$$

### Union

$$\text{borne sup. : } \text{card}(R \cup S) = \text{card}(R) + \text{card}(S)$$

$$\text{borne inf. : } \text{card}(R \cup S) = \max\{\text{card}(R), \text{card}(S)\}$$

### Différence

$$\text{borne sup. : } \text{card}(R - S) = \text{card}(R)$$

$$\text{borne inf. : } 0$$

21

## Cardinalité des opérations

### Jointure :

- cas particulier:  $A$  est clé de  $R$  et  $B$  est clé étrangère dans  $S$  vers  $R$  :

$$\text{card}(R \bowtie_{A=B} S) = \text{card}(S)$$

- plus généralement

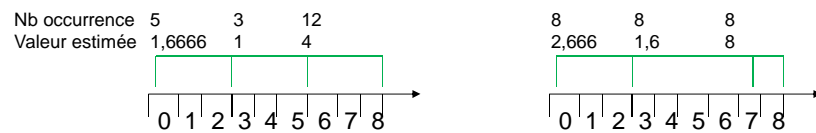
$$\text{card}(R \bowtie S) = SF_j \cdot \text{card}(R) \cdot \text{card}(S)$$

Comment l'obtenir ? Il faut des infos supplémentaire ( $SF_j$  peut être stocké)

22

# Histogramme

Select \* from R where A = 8



## Equilarge

Valeur estimée 4  
Valeur réelle dans [0,12]  
(faire l'hypothèse  
d'uniformité dans  
l'intervalle)

## Equiprofond

Valeur estimée 8  
Valeur réelle 8

Optimisation de  
requêtes 23

# Espace de recherche

- Caractérisé par les plans “équivalents” pour une même requête
  - ceux qui donnent le même résultat
  - générés en appliquant les règles de transformation vues précédemment
- Le coût de chaque plan est en général différent
- L'ordre des jointures est important

## Règles de transformation

- Commutativité des opérations binaires

$$R \times S \equiv S \times R$$

$$R \bowtie S \equiv S \bowtie R$$

$$R \cup S \equiv S \cup R$$

- Associativité des opérations binaires

$$(R \times S) \times T \equiv R \times (S \times T)$$

$$(R \bowtie S) \bowtie T \equiv R \bowtie (S \bowtie T)$$

- Idempotence des opérations unaires

$$\Pi_{A'}(\Pi_{A'}(R)) \equiv \Pi_{A'}(R)$$

$$\sigma_{p_1(A_1)}(\sigma_{p_2(A_2)}(R)) \equiv \sigma_{p_1(A_1) \wedge p_2(A_2)}(R)$$

- où  $R[A]$  et  $A' \subseteq A, A'' \subseteq A$  et  $A' \subseteq A''$

25

## Règles de transformation

- Commutativité de la sélection et de la projection (si proj. des attr. sél.)

- Commutativité de la sélection avec les opérations binaires

$$\sigma_{p(A)}(R \times S) \equiv (\sigma_{p(A)}(R)) \times S$$

$$\sigma_{p(A_i)}(R \bowtie_{(A_j B_k)} S) \equiv (\sigma_{p(A_i)}(R)) \bowtie_{(A_j B_k)} S$$

$$\sigma_{p(A_i)}(R \cup T) \equiv \sigma_{p(A_i)}(R) \cup \sigma_{p(A_i)}(T)$$

où  $A_i$  appartient à  $R$  et  $T$

- Commutativité de la projection avec les opérations binaires

$$\Pi_C(R \times S) \equiv \Pi_{A'}(R) \times \Pi_{B'}(S)$$

$$\Pi_C(R \bowtie_{(A_j B_k)} S) \equiv \Pi_{A'}(R) \bowtie_{(A_j B_k)} \Pi_{B'}(S)$$

$$\Pi_C(R \cup S) \equiv \Pi_C(R) \cup \Pi_C(S)$$

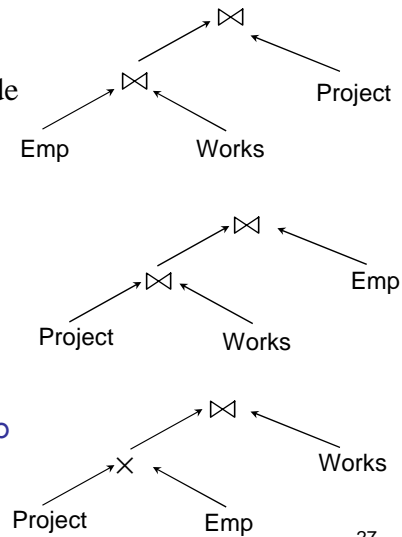
où  $R[A]$  et  $S[B]$ ;  $C = A' \cup B'$  où  $A' \subseteq A, B' \subseteq B, A_j \subseteq A', B_k \subseteq B'$

26

## Ordre des jointures

- Avec  $N$  relations, il y a  $O(N!)$  ordres de jointures équivalents qui peuvent être obtenus en appliquant les règles de *commutativité* et d'*associativité*

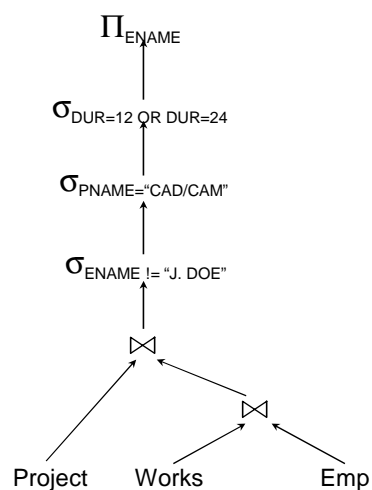
```
SELECT  Ename, Resp
FROM    Emp, Works, Project
WHERE   Emp.Eno=Works.Eno
AND     Works.PNO=Project.PNO
```



27

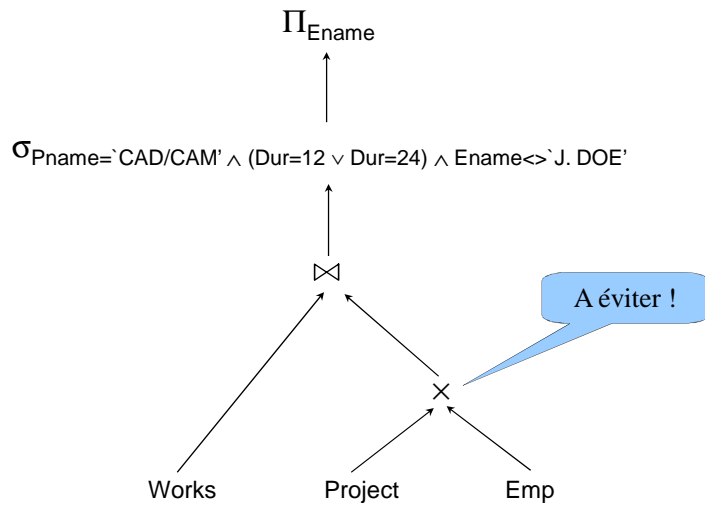
## Exemple

```
SELECT Ename
FROM Project p, Works w,
      Emp e
WHERE w.Eno=e.Eno
AND   w.Pno=p.Pno
AND   Ename <> 'J. Doe'
AND   p.Pname='CAD/CAM'
AND   (Dur=12 OR Dur=24)
```



28

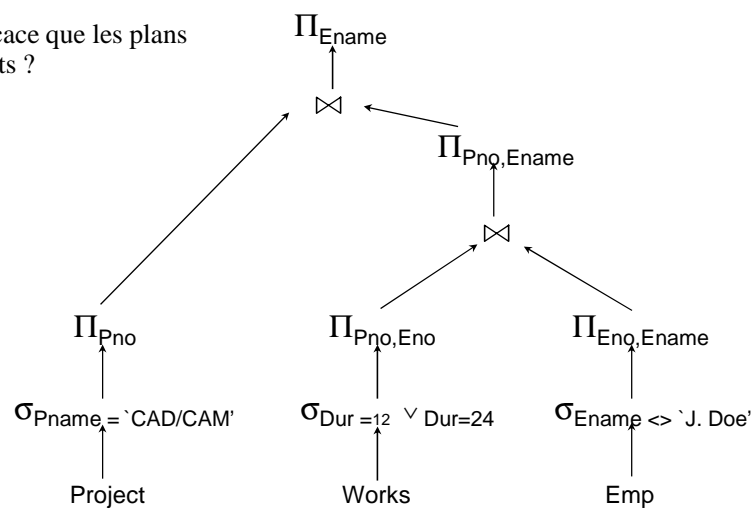
## Plan équivalent



29

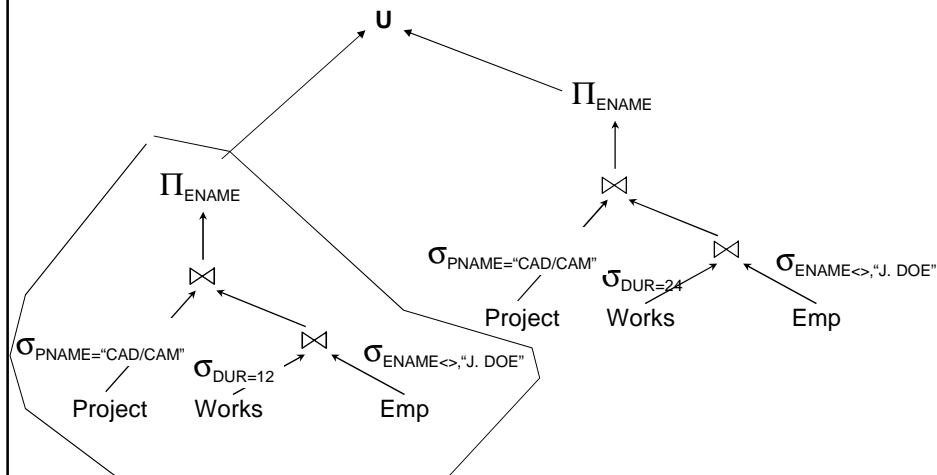
## Autre plan équivalent

Plus efficace que les plans précédents ?



30

## Encore un autre plan équivalent



31

## Stratégie de recherche

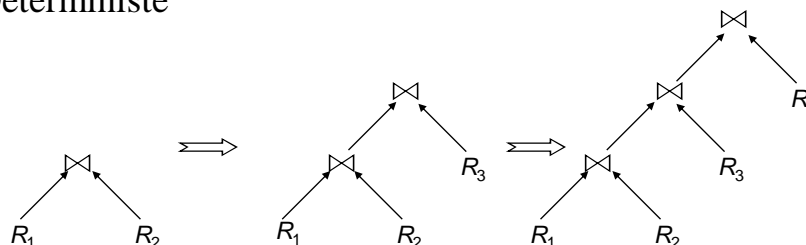
- Il est en général trop coûteux de faire une recherche exhaustive
- Déterministe
  - part des relations de base et construit les plans en ajoutant une relation à chaque étape
  - programmation dynamique: largeur-d'abord
  - excellent jusqu'à 5-6 relations
- Aléatoire
  - recherche l'optimalité autour d'un point de départ particulier
  - réduit le temps d'optimisation (au profit du temps d'exécution)
  - meilleur avec > 5-6 relations
    - recuit simulé (simulated annealing)
    - amélioration itérative (iterative improvement)

32

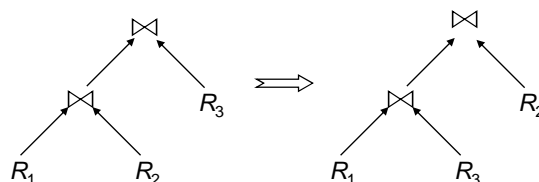


## Stratégies de recherche

- Déterministe



- Aléatoire



33

## Algorithmes de recherche

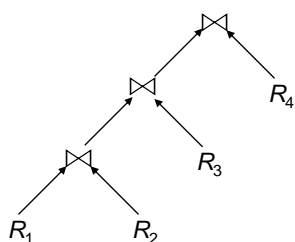
- Limiter l'espace de recherche

- heuristiques

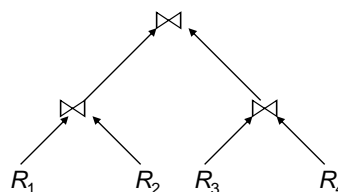
- par ex. appliquer les opérations unaires avant les autres
- Ne marche pas toujours (perte d'index, d'ordre)

- limiter la forme des arbres

Arbre linéaire



Arbre touffu



34

## Génération de plan physique

- Sélection :
  - Commencer par les conditions d'égalité avec un index sur l'attribut
  - Filtrer sur cet ensemble de n-uplets ceux qui correspondent aux autres conditions
- Jointure
  - Utilisation des index, des relations déjà triées sur l'attribut de jointure, présence de plusieurs jointures sur le même attribut
- Pipelines ou matérialisation

35

## Conclusion

- Point fondamental dans les SGBD
- Importance des métadonnées, des statistiques sur les relations et les index, du choix des structures d'accès.
- L'administrateur de bases de données peut améliorer les performances en créant de nouveaux index, en réglant certains paramètres de l'optimiseur de requêtes (voir TME)

36

# Conclusion

- Un SGBD doit transformer une requête déclarative en un programme impératif :
  - Plan d'exécution
  - Algèbre
- Calculer les tailles des résultats intermédiaire donne une idée du coût d'un plan mais..
  - Comment mettre en œuvre les opérateurs ?
  - Comment enchaîner les opérateurs ?
  - Comment trouver le meilleur plan en fonction de ce qui précède

Réponses dans les  
prochains cours