

Relaciones de sobrevivencia

En una población estacionaria ${}_nL_x$ representa el **número** de personas de edades x a $x+n$ en la población y $\frac{{}_nL_x}{T_0}$ la **proporción** de personas en edades x a $x+n$.

Dado que una propiedad de la población estacionaria es que la distribución por edad permanece constante, entonces la relación $\frac{{}_nL_{x+5}}{{}_nL_x}$ la podemos interpretar como la proporción de personas de edades x a $x+n$ que llegará a cumplir edades $x+5$ a $x+5+n$.

Si tenemos grupos quinquenales de edad y $x=10$ entonces:

$$\frac{{}_5L_{10+5}}{{}_5L_{10}} = \frac{\text{Población de 15 a 19 años}}{\text{Población de 10 a 14 años}}.$$

Dado que para sobrevivir de edad x a $x+5$ deben transcurrir 5 años, entonces podemos decir que $\frac{{}_5L_{15}}{{}_5L_{10}}$ es la proporción de personas de 10 a 14 años que van a estar vivas 5 años después; en ese momento tendrán 15 a 19 años de edad.

Esta relación en la población estacionaria se denomina **relaciones de sobrevivencia**.

Cuando se tienen grupos quinquenales de edad en la tabla de vida:

$${}_nS_x = \frac{{}_5L_{x+5}}{{}_5L_x} \quad \text{por ejemplo,} \quad {}_5S_{20} = \frac{{}_5L_{25}}{{}_5L_{20}}.$$

En el caso en que el periodo sea 10 años la notación sería:

${}_nS_{x,x+4} = \frac{{}_5L_{x+10}}{{}_5L_x}$ por ejemplo, ${}_5S_{20-24}^{10} = \frac{{}_5L_{30}}{{}_5L_{20}}$ nótese que el periodo de tiempo es 10 pero seguimos teniendo grupos quinquenales en la función ${}_nL_x$. El siguiente cuadro muestra un ejemplo del cálculo de relaciones de sobrevivencia.

Cálculo de relaciones de sobrevivencia a partir de la Tabla de vida masculina 2011					
Edad x	nLx	Grupo de edad	x	nLx	${}_5S_x$
0	99126	b			0,98976
1	395754	0-4	0	494880	0,99870
5	494238	5-9	5	494238	0,99895
10	493719	10-14	10	493719	0,99731
15	492392	15-19	15	492392	0,99561

La primera relación de sobrevivencia se estima de forma distinta a las demás:

${}_5S_b = \frac{{}_5L_0}{{}_5l_0}$ es la proporción de nacimientos (l_0 en una población estacionaria) de los últimos 5 años (${}_5L_0$) que sobreviven hasta las edades 0-4 años.

En el cuadro: $.98976 = \frac{{}_5L_0}{{}_5l_0} = \frac{494880}{500000}$

y $.99895 = \frac{{}_5L_5}{{}_5L_0} = \frac{493719}{494238}$ la proporción de personas de 5 a 9 años que van a sobrevivir hasta los 10-14 años.

La proporción de personas de 5 a 9 años de edad que se espera esté viva 10 años después

$$\text{sería } {}_5S_x^{10} = \frac{{}_nL_{x+10}}{{}_nL_x} = \frac{{}_5L_{15}}{{}_5L_5} = \frac{492392}{494238} = .99626$$

La estimación del grupo abierto final es diferente ya que en el segundo momento T el grupo abierto final proviene de los sobrevivientes del grupo abierto final del primer momento y de los que tenían edad $x-t$ hace t años. Esto quiere decir que el denominador de la relación de sobrevivencia debe incluir dos grupos de edad.

Para ello calculamos ${}_xS_x = \frac{T_x}{T_{x-5}}$ de esta manera incluimos en el denominador ${}_nL_{x-5} + {}_\infty L_x$ como se muestra en el siguiente ejemplo:

Cálculo de relaciones de sobrevivencia a partir de la Tabla de vida masculina 2011					
Edad x	nL_x	Grupo de edad	x	nL_x	${}_5S_x$
90	71941	90-94	90	71941	0.42660
95	25212	95+	95	30690	0.29903
100	5478				

$$\text{En el ejemplo } .29903 = \frac{{}_5L_x}{{}_5L_{x-5} + {}_\infty L_x} = \frac{T_x}{T_{x-5}} = \frac{30690}{71941 + 30690}$$

Nótese que en los dos ejemplos se adaptaron los grupos de edad de la tabla de vida a grupos de edad quinquenales. Generalmente los grupos de edad de la tabla de vida no

corresponden exactamente con los grupos de edad de la población y por lo tanto es necesario sumarlos tal como ${}_5L_0 = {}_1L_0 + {}_4L_1$.

Uno de los usos de las relaciones de sobrevivencia es la estimación de la migración neta por edad cuando tenemos dos censos o dos encuestas. Dado que la información de los censos se recoge con respecto a los cantones de residencia, este método es particularmente útil cuando se requieren estimaciones a nivel distrital o cuando se requieren para un área geográfica que no se puede constituir a partir de la suma de cantones.

El método consiste en usar las relaciones de sobrevivencia para estimar la población que **debería haber sido censada en el segundo censo si la única fuerza de decremento de la población en el período intercensal fuera la mortalidad**. La diferencia entre la población esperada y la población censada se puede atribuir a la migración y corresponde al saldo neto migratorio.

Otra forma de ver esto es si tomamos la ecuación compensadora para edades por encima de los cinco años esta sería:

$${}_nN_x(T) = {}_nN_x(0) - {}_nD_x(0,T) + {}_nI_x(0,T) - {}_nE_x(0,T) \quad \text{donde } x \geq 5$$

Como se trata de la población de 5 años y más entonces no incluimos los nacimientos ($B(0,T)$). Si $N(T)$ es la población en el segundo censo y $N(0)$ la población en el primero entonces podemos escribir:

${}_nN_x(T) - [{}_nN_x(0) - {}_nD_x(0,T)] = {}_nI_x(0,T) - {}_nE_x(0,T)$ en otras palabras, el resultado de la diferencia entre la población censada en el segundo censo y la población censada en el primer censo menos los que murieron entre 0 y T (el período intercensal) lo podemos atribuir a la migración neta.

Podemos estimar $[_nN_x(0) - _nD_x(0, T)]$ como $[_nN_x(0) _nS_x]$ donde $_nS_x$ es de acuerdo con la tabla de vida la proporción de personas en el primer censo de edades x a $x+n$ que se espera esté viva en el segundo censo y $[_nN_x(0) _nS_x]$ es el número de personas de edades x a $x+n$ que se espera estén vivas al momento del segundo censo.

Entonces se puede estimar la migración neta en el periodo intercensal como

$$_nI_x(0, T) - _nE_x(0, T) = _nN_x(T) - [_nN_x(0) _nS_x] \quad \text{o}$$

$$_nMN_x(0, T) = _nN_x(T) - [_nN_x(0) _nS_x]$$

donde MN se refiere a la migración neta del grupo de edad x y 0 y T son el momento del primer y segundo censo respectivamente.