Conception et implémentation de nouvelles fonctionnalités dans un prototype de fouille de données

Kévin Emamirad

Université du Québec en Outaouais Département d'informatique et d'ingénierie

emak01@uqo.ca

mercredi 31 mai 2017

Plan de la présentation

Introduction

2 Rappels

Introduction

- L'analyse formelle de concepts (AFC) (Ganter et Wille 1999) est un formalisme de représentation des connaissances et de fouille de données qui est
 - utilisé dans divers domaines (informatique, linguistique, sociologie, biologie, etc.), et
 - ▶ produit des visualisations graphiques des structures inhérentes aux données sous forme de treillis de concepts (Galois).
- Au cours des deux dernières décennies, on a vu apparaître plusieurs d'outils d'analyse formelle de concepts tels *ToscanaJ, ConExp, Coron, Java Lattices*, et *Lattice Miner*.

Introduction

Objectifs

- But : Enrichir *Lattice Miner* (Roberge 2007), un prototype de fouille de données qui exploite l'AFC avec les objectifs suivants :
 - production d'implications avec négation (Missaoui, Nourine et Renaud 2012),
 - enrichissement du module de génération des règles triadiques pour obtenir exhaustivement et précisément les trois formes d'implications triadiques définies par (Ganter et Obiedkov 2004),
 - validation intensive de la procédure de production de la base d'implications de (Guigues et Duquenne 1986) et de la procédure de calcul des relations de flèches. Cette dernière est utile dans le processus de décomposition de contextes formels (Viaud et al. 2015), et
 - 4 amélioration de la convivialité de l'interface usager.

Rappels I

Analyse formelle de concepts

Définition 1 : Contexte formel

Soit $\mathbb{K}=(G,M,I)$ un contexte formel où G,M et I sont respectivement un ensemble d'objets, une collection d'attributs et une relation binaire entre G et M. L'expression $(g,m) \in I$ ou encore gIm signifie que l'objet g possède l'attribut m.

	a	b	С	d	е	f
1	×		×		×	
2		×		×		×
3			×	×		
4		×	×			×
5	×	×				×
6	×	×		×	×	

Tableau 1: Exemple de contexte \mathbb{K}

Rappels II

Analyse formelle de concepts

Définition 2 : Concept formel

Un *concept formel* c est une paire d'ensembles c:=(A,B) avec $A\subseteq G$, $B\subseteq M$, A=B' et B=A', où A' est l'ensemble des attributs partagés par les objets dans A et B' est l'ensemble des objets ayant tous leurs attributs dans B. Les sous-ensembles A et B sont appelés respectivement l'extension et l'intention du concept c. Les valeurs de A' et B' sont obtenues comme suit : $A':=\{m\in M\mid gIm\ \forall g\in A\}$ et $B':=\{g\in G\mid gIm\ \forall\ m\in B\}$.

Défintion 3 : Sous-ensemble fermé

Un sous-ensemble X est fermé si X'' = X. Un concept objet pour l'objet g est une paire de la forme $\gamma(g) = (g'', g')$ alors que le concept attribut pour l'attribut m est $\mu(m) = (m', m'')$. Les sous-ensembles fermés de G sont les extensions alors que les sous-ensembles fermés de M sont les intentions de \mathbb{K} .

Rappels III

Analyse formelle de concepts

Défintion 4 : Treillis de concepts

Un treillis de concepts $\mathfrak{B}(G, M, I)$ est un treillis résultant de l'ordre partiel existant entre les concepts du contexte $\mathbb{K} = (G, M, I)$.

$$(A,B) \leq (C,D) \Leftrightarrow A \subseteq C \text{ et } D \subseteq B$$

(A, B) est alors un sous-concept ou prédecesseur immédiat de (C, D) alors que ce dernier est un successeur de (A, B).

Définition 5 : Les bornes du treillis

La borne inférieure \land (*meet*) d'un ensemble de concepts (X_i, Y_i) avec $i=1,\ldots k$ est le plus grand des prédécesseurs communs. De même, la borne supérieure \lor (join) d'un ensemble de concepts est le petit des successeurs communs.

Rappels IV

Analyse formelle de concepts

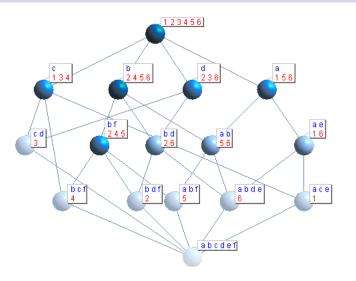


Figure 1: Treillis avec étiquetage complet pour le contexte du tableau 1

Rappels V

Analyse formelle de concepts

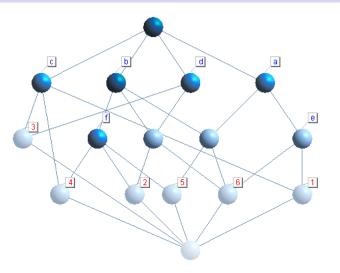


Figure 2: Treillis avec étiquetage réduit pour le contexte du tableau 1

Rappels VI

Analyse formelle de concepts

L'infimum est le plus petit concept d'un treillis de Galois alors que le supremum est son plus grand concept.

Lorsqu'un concept c_1 est plus petit qu'un autre concept c_2 , alors le nœud représentant c_1 est placé plus bas que son successeur c_2 . Lorsqu'une relation d'ordre existe entre les concepts c_1 et c_2 , on dit alors que ces concepts sont *comparables* (\leq), sinon ils ne le sont pas (\leq).

Définition 6 : sup-irréductible et inf-irréductible

On rappelle qu'un concept est dit *sup-irréductible* (ou *join-irréductible*) si et seulement si il possède un unique prédécesseur et il est dit *inf-irréductible* (ou *meet-irréductible*) s'il admet un unique successeur.

Rappels VII

Règles d'association et implications

Définition 7 : règle d'association

$$r: Y \rightarrow Z$$
 [sup, conf]

r est une règle d'association avec

- Y et Z sont des sous-ensembles d'attributs appelés itemsets,
- $Y \cap Z = \emptyset$,
- sup, le support est $Prob(Y \cup Z)$ (proportion des objets ayant simultanément les attributs Y et Z), et
- *conf*, la confiance est $Prob(Y \cup Z)$ (probabilité d'avoir Z lorsque Y est présent dans le contexte \mathbb{K}).

Rappels VIII

Règles d'association et implications

Définitions 8 : itemsets et générateurs

- Un itemset est dit fréquent si la proportion d'objets le possédant est au moins égale au support minimum défini par l'utilisateur.
- Un *itemset* Y est dit *fermé* si Y = Y''. Cela signifie que Y est une intention d'un concept formel.
- Un générateur G (Pfaltz et Taylor 2002) d'un itemset fermé (intention) Y est un ensemble minimal de Y tel que G'' = Y.

Rappels IX

Règles d'association et implications

Définition 9 : implication et base générique

$$r: g_i \rightarrow Int(c) \setminus g_i$$

r est une implication ou règle exacte avec

- c un concept formel,
- $G = \{g_1, \dots g_i, \dots g_n\}$ l'ensemble de ses générateurs,
- Int(c) représente l'intention du concept c,
- support(c) est la proportion d'objets contenus dans l'extension de c,
- support(r) = support(c) et
- confiance(r) = 100 %

Une base générique (Pasquier et al. 1999) d'implications est une représentation relativement concise d'implications de la forme précédente.

Rappels X

Règles d'association et implications

Définition 10 : règle approximative

$$r: g_i \rightarrow Int(c_i) \setminus Int(c)$$

r est une règle approximative avec

- c un concept formel,
- $P = \{c_1, \ldots, c_j, \ldots\}$ l'ensemble des prédecesseurs de c,
- Int(c) représente l'intention du concept c,
- g_i un générateur de Int(c),
- $support(r) = support(c_i)$, et
- $confiance(r) = support(c_j)/support(c)$

Rappels XI

Règles d'association et implications

Définitions 11 : pseudo-intent et base de Guigues-Duquenne

Un ensemble $P \subseteq M$ est un pseudo-intent de (G, M, I) (Ganter et Wille 1999; Guigues et Duquenne 1986) si et seulement si $P \neq P''$ et si $Q'' \subseteq P$ est vraie pour tout pseudo-intent $Q \subseteq P$, $Q \neq P$. L'ensemble des implications de la forme :

$$\mathcal{L} := \{ \mathcal{P} \to \mathcal{P}'' \setminus \mathcal{P} \mid \mathcal{P} \text{ pseudo-intent } \}$$

est appelé base de Guigues-Duquenne (stem base) et reconnue comme étant minimale.

À titre d'exemple, $\{a,c\}$ est un pseudo-intent dont le fermé est $\{a,c,e\}$, d'où l'implication $\{a,c\} \to \{e\}$

Rappels XII

Règles d'association et implications

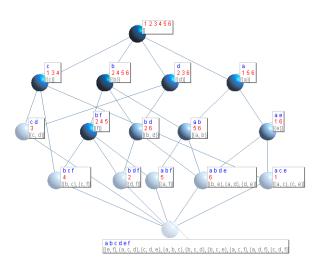


Figure 3: Treillis de concepts avec indication des générateurs

Rappels XIII

Règles d'association et implications

Définition 12 : contexte complémentaire $\tilde{\mathbb{K}}$

Soit un contexte $\mathbb{K}=(G,M,I)$ décrivant un ensemble G d'objets, un ensemble M de propriétés (attributs) et une relation binaire I entre G et M. Le contexte complémentaire de \mathbb{K} est $\tilde{\mathbb{K}}=(G,\tilde{M},G\times M\backslash I)$ avec \tilde{M} l'ensemble des attributs négatifs.

Définition 13 : apposition du contexte $\mathbb K$ avec son complémentaire $\tilde{\mathbb K}$

Le contexte $\mathbb{K}|\tilde{\mathbb{K}}$ est l'apposition du contexte \mathbb{K} avec son complémentaire $\tilde{\mathbb{K}}$. Cela signifie que $\mathbb{K}|\tilde{\mathbb{K}}:=(G,M\cup\tilde{M},I\cup G\times M\backslash I)$.

Rappels XIV

Règles d'association et implications

	а	b	С	d	е	f	ã	\tilde{b}	ĉ	ã	ẽ	Ĩ
1	×		×		×			×		×		×
2		×		×		×	×		×		×	
3			×	×			×	×			×	×
4		×	×			×	×			×	×	
5	×	×				×			×	×	×	
6	×	X		X	×				×			×

Figure 4: $\mathbb{K}|\tilde{\mathbb{K}}$: apposition du contexte \mathbb{K} avec son complémentaire $\tilde{\mathbb{K}}$

Rappels XV

Relations flèches

Définition 14 : Relations flèches

La relation entre l'objet g et l'attribut m dans un contexte formel se présente sous l'une des quatre formes suivantes :

- $g \updownarrow m$ si $\gamma(g) \not\leq \mu(m)$, $\gamma(g) \leq m^+$, et $g^- \leq \mu(m)$
- $g \uparrow m \text{ si } \gamma(g) \not\leq \mu(m), \ \gamma(g) \leq m^+, \text{ et } g^- \not\leq \mu(m)$
- $g \downarrow m$ si $\gamma(g) \not\leq \mu(m)$, $\gamma(g) \not\leq m^+$, et $g^- \leq \mu(m)$
- $g \circ m \text{ si } \gamma(g) \not\leq \mu(m), \ \gamma(g) \not\leq m^+, \text{ et } g^- \not\leq \mu(m)$

où g^- représente le prédécesseur immédiat du concept objet (sup-irréductible) $\gamma(g)$ et m^+ représente le successeur immédiat du concept attribut (inf-irréductible) $\mu(m)$.

Rappels XVI

Relations flèches

	а	b	С	d	е	f
1	×	Z	×	Z	×	/
2	7	×	~	×	/	×
3	7	7	×	×	/	/
4	7	×	×	Z	L	×
5	×	×	7	7	7	×
6	×	×	7	×	×	7

Figure 5: Relation flèches pour le contexte $\mathbb K$

Par exemple, $3 \downarrow e$ car

- $\gamma(3) \not \le \mu(e)$ avec $\gamma(3) = (3, cd)$ et $\mu(e) = (16, ae)$
- $\gamma(3) \not\leq e^+ \text{ avec } e^+ = (156, a)$
- $3^- \le \mu(e)$ avec $3^- = (\emptyset, abcdef)$

Multiple Columns

Heading

- Statement
- Explanation
- Example

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Integer lectus nisl, ultricies in feugiat rutrum, porttitor sit amet augue. Aliquam ut tortor mauris. Sed volutpat ante purus, quis accumsan dolor.

Table

Treatments	Response 1	Response 2		
Treatment 1	0.0003262	0.562		
Treatment 2	0.0015681	0.910		
Treatment 3	0.0009271	0.296		

Tableau 2: Table caption

Theorem

Théorème (Mass-energy equivalence)

 $E = mc^2$

Verbatim

```
Exemple (Theorem Slide Code)

\begin{frame}
\frametitle{Theorem}
\begin{theorem}[Mass--energy equivalence]
$E = mc^2$
\end{theorem}
\end{frame}
```

Figure

Uncomment the code on this slide to include your own image from the same directory as the template .TeX file.

Citation

An example of the \parencite command to cite within the presentation :

This statement requires citation (Ganter et Wille 1999).

References I



Jean-Louis Guigues et Vincent Duquenne. « Familles minimales d'implications informatives résultant d'un tableau de données binaires ». In : *Mathématiques et Sciences Humaines* 95 (1986), p. 5–18.



Bernhard Ganter et Rudolf Wille. Formal Concept Analysis: Mathematical Foundations. Springer-Verlag New York, Inc., 1999.



Nicolas Pasquier et al. « Efficient Mining of Association Rules Using Closed Itemset Lattices ». In: *Information Systems* 24.1 (1999), p. 25–46.



J. Pfaltz et C. Taylor. « Scientific Discovery through IterativeT ransformations of Concept Lattices ». In: *Proceedings of the 1st Internationla Workshop on Discrete Mathematics and Data Mining.* Avr. 2002, p. 65–74.

References II



Bernhard Ganter et Sergei A. Obiedkov. « Implications in Triadic Formal Contexts ». In: ICCS. 2004, p. 186–195.



Geneviève Roberge. « Visualisation des résultats d'une fouille de données dans les treillis de concepts ». Mém.de mast. Université du Québec en Outaouais, 2007.



Rokia Missaoui, Lhouari Nourine et Yoan Renaud. « Computing Implications with Negation from a Formal Context ». In: Fundam. Inf. 115.4 (déc. 2012), p. 357–375.



Jean-François Viaud et al. « Décomposition sous-directe d'un treillis en facteurs irréductibles ». In : Journées francophones d'Ingénierie des Connaissances IC 2015. collection AFIA. Rennes, France, juin 2015.

Questions?