Quadrilatère dans un disque

F. Kany. ISEN-Brest & La Croix-Rouge

Présentation

Soit un disque de rayon R = 1. On tire au sort quatre points A, B, C et D dans le disque. Quelle est la probabilité que le quadrilatère ABCD soit convexe?

Comment tirer au sort les points?

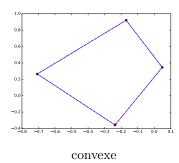
On souhaite tirer au sort les quatre points A, B, C et D en s'assurant qu'ils sont bien à l'intérieur du disque. On compare trois méthodes.

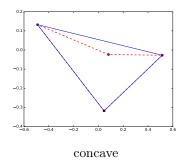
- 1. On tire au sort $x \in [-1, 1]$ et $y \in [-1, 1]$. On conserve le couple (x, y) si $x^2 + y^2 \le 1$. Représenter sur un graphique 1000 points tirés par cette méthode. Quel est l'inconvénient de cette méthode?
- 2. On tire au sort $r \in [0, 1]$ et $\theta \in [0, 2.\pi]$. On place le point de coordonnées polaire (r, θ) . Représenter sur un graphique 1000 points tirés par cette méthode. Quel est l'inconvénient de cette méthode?
- 3. On tire au sort $r \in [0,1]$ et $\theta \in [0,2.\pi]$. On place le point de coordonnées polaire (\sqrt{r},θ) . Représenter sur un graphique 1000 points tirés par cette méthode. Pourquoi faut-il privilégier cette méthode?

Convexité d'un polygone

Tirer au sort quatre points.

Utiliser la fonction scipy.spatial.ConvexHull qui calcule les points qui forment l'enveloppe convexe correspondant à un polygone donné. (Analogie : fil le plus court délimitant l'ensemble des points du quadrilatère; voir le tracé en ligne bleue). Si hull = ConvexHull(points_xy) où points_xy est une liste à 2 dimensions, alors : len(hull.vertices) donne le nombre de points formant l'enveloppe convexe. Le quadrilatère est convexe si ce nombre vaut 4; concave lorsqu'il vaut 3.





Quelle est la probabilité d'un quadrilatère concave?