# МЛиТА-2023 ИДЗ-2 Фомин Кирилл, группа 1305, вариант 23

#### Задание

Правильная скобочная запись арифметических выражений с двумя видами скобок. После круглой скобки в строке может стоять только квадратная, после квадратной - не обязательно. Каждая бинарная операция вместе с операндами берется в скобки. В правильной записи могут присутствовать "лишние" (двойные) скобки, но одна буква не может браться в скобки.

<u>Пример</u>. Правильная запись: [[((c+(a+b))\*[(c-d)\*a])/d]/(([a-b])/[(c+(d-a))\*a])]

Неправильная запись  $[(a+b)^*([a-b]-([c+a*b]/(a))+b)]$ 

#### 1. Уточнение языка

## Примеры

(a+[])	В условии сказано, что одна буква не может браться в скобки, но ничего не уточнено о пустых скобках, тем более, в языке разрешены лишние скобки, так что пустые скобки можем считать разрешенными.
(((a-b)))	Формулировка "После круглой скобки в строке может стоять только квадратная, после квадратной - не обязательно." может быть истрактована по разному, но в данном случае под словом "скобка" подразумевается не "(" или ")", а выражение вида "(<выражение>)". Таким образом, разрешены конструкции вида (((, ]]]] и т.п., что также не противоречит условию "В правильной записи могут присутствовать "лишние" (двойные) скобки".
<u>(II)</u>	Запись, в которой присутствуют только пустые двойные скобки также не противоречит ни одному из условий.
	Пустая запись не противоречит ни одному из условий, так что может считаться правильной.
((()*[])*[])	Бинарные операции над пустыми скобками также не противоречат условиям.

## Контрпримеры

a+b	Каждая бинарная операция вместе с операндами должна быть заключена в скобки.
(a+ <mark>-</mark> )	У бинарной операции должно быть 2 операнда.

( <mark>*</mark> )	
[ <mark>a</mark> ]	Выражение в скобках не может содержать одну букву.
(a+b)* <mark>(</mark> a+b <mark>)</mark>	После круглой скобки в строке может стоять только квадратная
<mark>[</mark> a*b <mark>)</mark> ))	Поскольку под словом "скобка" имеется в виду запись вида (<выражение>) или [<выражение>], скобочная последовательность должна быть правильной.

#### Рефлексия

Прочитав задание, было вообще неясно, что может вызвать рефлексию, однако начав придумывать граничные примеры, я столкнулся с рядом проблем, которые даже привели к полемике с одногруппниками.

Первые проблемы возникли с пониманием терминологии. Довольно долго пришлось разбираться, почему в условии сказано "После круглой скобки в строке может стоять только квадратная, после квадратной - не обязательно.", а в примере правильной записи присутствует запись вида (([a-b])/[(c+(d-a))\*a]), где, очевидно, две круглые скобки идут друг за другом. В результате выяснилось, что скорее всего под термином "скобка" имелась в виду запись вида "(<выражение>)" или "[<выражение>]".

После этого возникла главная проблема: пустой символ. Сначала я даже забыл про его присутствие, но потом, вспомнив, понял, что его интерпретация может в корне изменить язык. Проблема была в том, как его воспринимать: как "присутствие отсутствия" или "отсутствие присутствия" (0 и null в программировании). То есть, может ли пустой символ считаться буквой (хоть и пустой, как пробел) или он говорит о полном отсутствии буквы. Ведь в первом случае, запись () не подходит под условие, так как тогда в скобках на месте <выражения> у нас есть пустая буква, а одну букву в скобки помещать нельзя. С другой стороны, имели бы место записи вида (a+), (b/), (/с) так как тогда в качестве операнда выступал бы пустой символ. Пришлось даже вспомнить теорию множеств, чтобы попытаться представить пустой символ как пустое множество.

Однако, мы пришли к выводу, что пустой символ не является буквой, то есть обозначает отсутствие присутствия и не может быть использован как операнд в выражениях. С другой стороны, мы приняли, что "скобка" ("[<выражение>]") является операндом, и даже пустые скобки - операнд.

В общем, задание оказалось очень интересным, но хотелось бы уточнений в условии, потому что на данный момент мое решение является верным только для интерпретации, где "скобка" - всегда операнд. В дополнение к этому, я ввел бы отдельный термин для обозначения записей вида "скобка" (хотя бы "скобки").

### Примеры (исправление)

((a+b)*[b-a]) Все бинарные операции с операндами должны бо окружены скобками	((a+b)*[b-a])
---	---------------

[((a+b)*[b-a])]	Лишние скобки разрешены
[[a+b]+[b-c]]	.После квадратной скобки может стоять квадратная

### Задание 2. КС-грамматика языка

```
<язык> ::= <выражение> | ^
<выражение> ::= <круглые скобки> | <квадратные скобки>
<круглые скобки> = (<oперация>)
<квадратные скобки> = [<oперация>]
<oперация> ::= <круглые скобки> <после круглых скобок> | <квадратные скобки>
<после квадратных скобок> | <буква> <после буквы>
<после круглых скобок> = <знак> <набор операндов 1> | ^
<после квадратных скобок> = <знак><oперанд> | ^
<после букв> = <знак><oперанд>
<набор операндов 1> ::= <квадратные скобки> | <буква>
<oперанд> ::= <круглые скобки> | <квадратные скобки> | <буква>
<буква> ::= a | b | c | ... | z
<знак> ::= + | - | * | /
```

#### Задание 3. Разбор примера

```
[((a+b)*[b-a])]
<язык>
<выражение>
<квадратные скобки>
[<операция>]
[<круглые скобки> <после круглых скобок>]
[(<операция>) <после круглых скобок>]
[(<операция>) ^]
[(<круглые скобки> <после круглых скобок>)]
[((<операция>) <после круглых скобок>)]
[((<операция>) <знак> <набор операндов 1>)]
[((<операция>)*<набор операндов 1>)]
[((<операция>)*<квадратные скобки>)]
[((<операция>)*[<операция>])]
[((<буква><после букв>)*[<операция>])]
[((а<после букв>)*[<операция>])]
[((а<знак><операнд>)*[<операция>])]
[((а+<операнд>)*[<операция>])]
[((а+<буква>)*[<операция>])]
[((а+b)*[<операция>])]
[((a+b)*[<буква><после букв>])]
[((a+b)*[b<после букв>])]
[((a+b)*[b<знак><операнд>])]
[((a+b)*[b-<операнд>])]
[((a+b)*[b-<буква>])]
```

#### Задание 4. Принадлежность классу LL(1)

Обозначим как W1, W2, W3, W4 значения, которые может принимать тег <язык>. L(W) - это множество символов, которые могут являться первыми в каждом значении тега.

Пусть <язык> ::= 
$$W_1 \mid W_2 \mid W_3 \mid W_4$$
 , тогда, так как <язык> ::= <выражение> | ^

$$L(W_1) = \{ \text{``(``, ``[")} \}$$

Пустой символ не является терминальным. Так проверять нельзя.

Всего один вариант.

<выражение> ::= <круглые скобки> | <квадратные скобки>

$$L(W_1) = {\text{``(``)}}$$

$$L(W_2) = {"["]}$$

Видим, что  $L(W1) \cap L(W2) = \emptyset$ , значит однозначность ветвления по первому символу для тега <выражение> выполняется.

<операция> ::= <круглые скобки> <после круглых скобок> | <квадратные скобки> <после квадратных скобок> | <буква> <после буквы>

$$L(W_1) = \{"(")\}$$
  
 $L(W_2) = \{"["]\}$   
 $L(W_3) = \{"a", "b", ..., "z"\}$ 

#### $L(W1) \cap L(W2) \cap L(W3) = \emptyset$

нужно проверять попарные пересечения!

 $L(W1) \cap L(W2) = \emptyset$ 

$$L(W1) \cap L(W3) = \emptyset$$

$$L(W2) \cap L(W3) = \emptyset$$

<после круглых скобок> = <знак> <набор операндов 1> | ^

$$L(W_1) = \{\text{"+", "-", "/", "*"}\}$$

$$L(W_2) = {\text{"}^n}$$

$$L(W1) \cap L(W2) = \emptyset$$

<после квадратных скобок> = <знак><операнд> |  $^{\wedge}$ 

$$L(W_1) = \{"+", "-", "/", "*"\}$$

$$L(W_2) = {\text{"}^n}$$

$$L(W1) \cap L(W2) = \emptyset$$

<набор операндов 1> ::= <квадратные скобки> | <буква>

$$L(W_1) = \{\text{"["}\}\$$
  
 $L(W_2) = \{\text{"[", "a", "b", ..., "z"}\}\$ 

$$L(W1) \cap L(W2) = \emptyset$$

<операнд> ::= <круглые скобки> | <квадратные скобки> | <буква>

$$L(W_1) = \{ "(") \}$$
  
 $L(W_2) = \{ "[") \}$ 

$$L(W_3) = {\text{"a", "b", ...,"z"}}$$

 $L(W1) \cap L(W2) \cap L(W3) = \emptyset$ 

 $L(W1) \cap L(W2) = \emptyset$  $L(W1) \cap L(W3) = \emptyset$ 

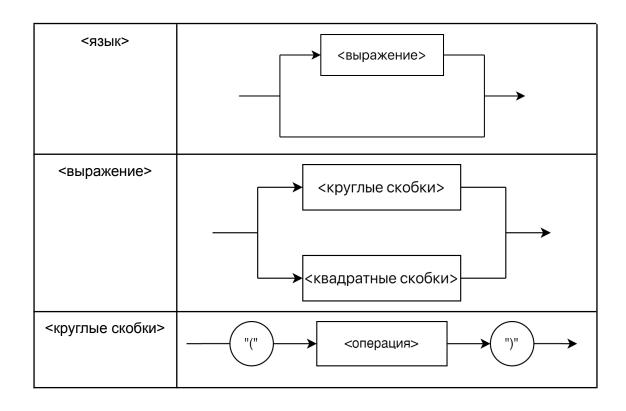
 $L(W1) \cap L(W3) = \emptyset$  $L(W2) \cap L(W3) = \emptyset$ 

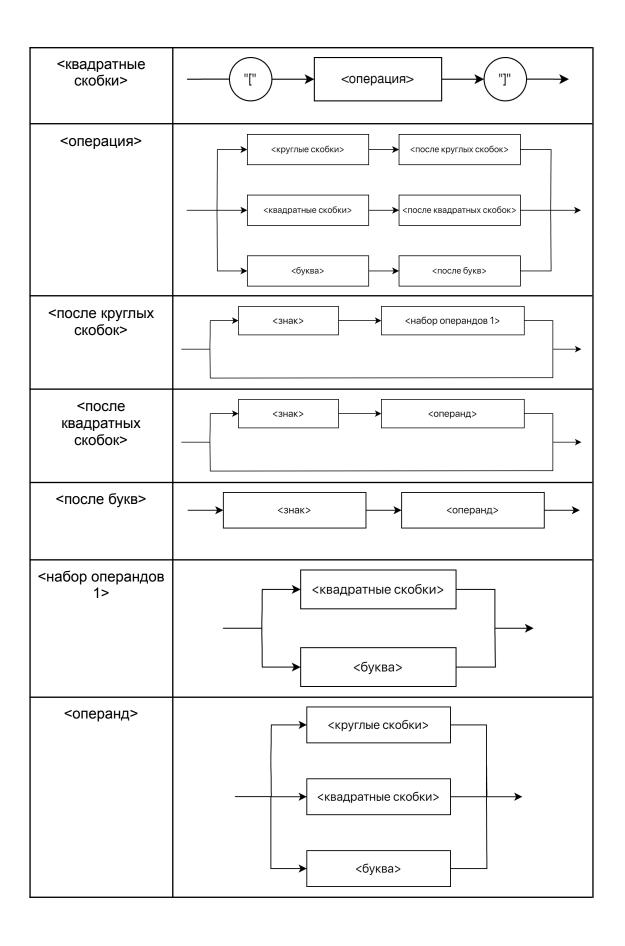
Вывод: исходная КС-грамматика принадлежит к классу LL(1).

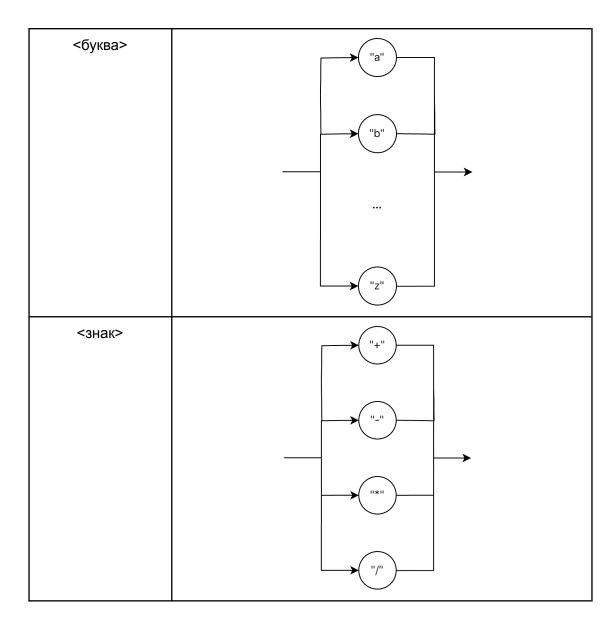
#### Задание 5. Модифицированная грамматика (LL(1))

Исходная грамматика является LL(1) грамматикой.

# Задание 6. Таблица перевода языка в диаграммы. Оптимизация числа диаграмм подстановкой

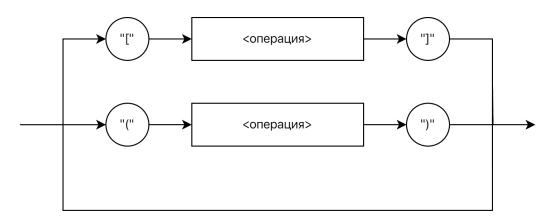


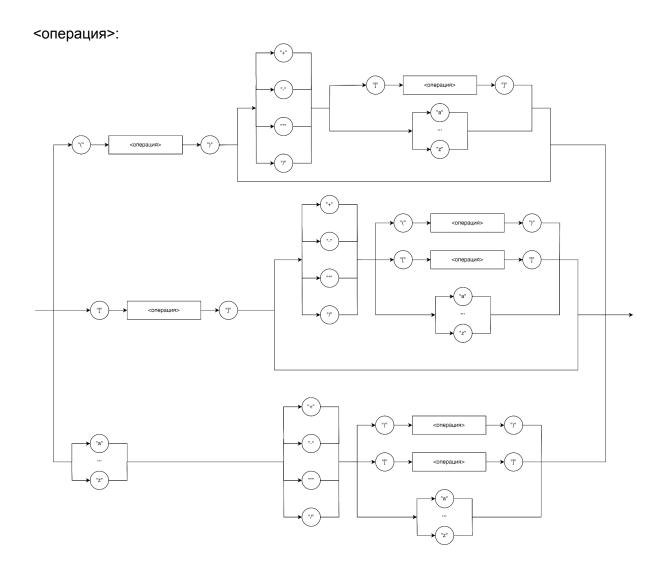




# Оптимизация:

# <язык>:

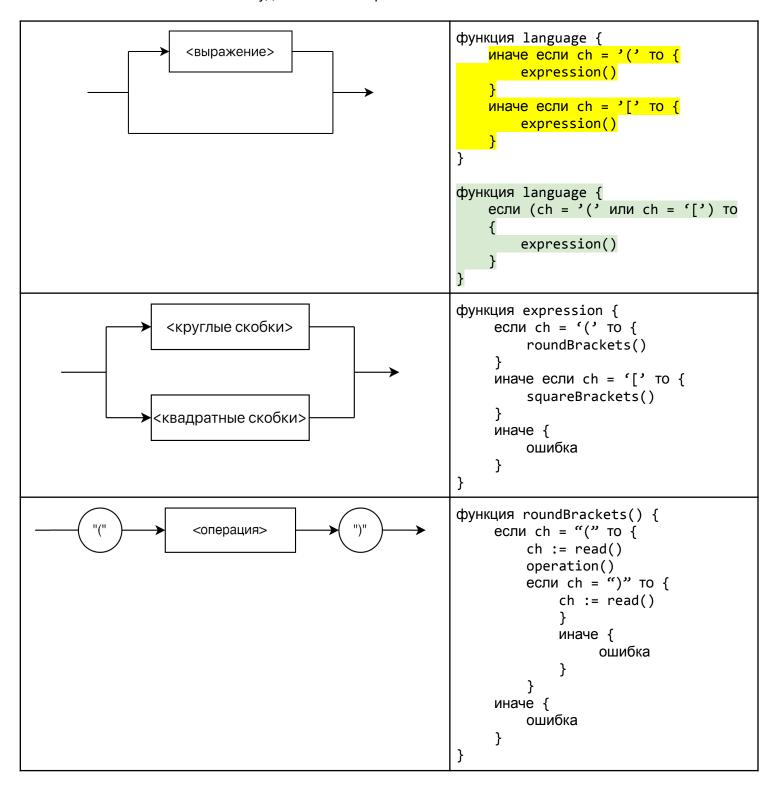


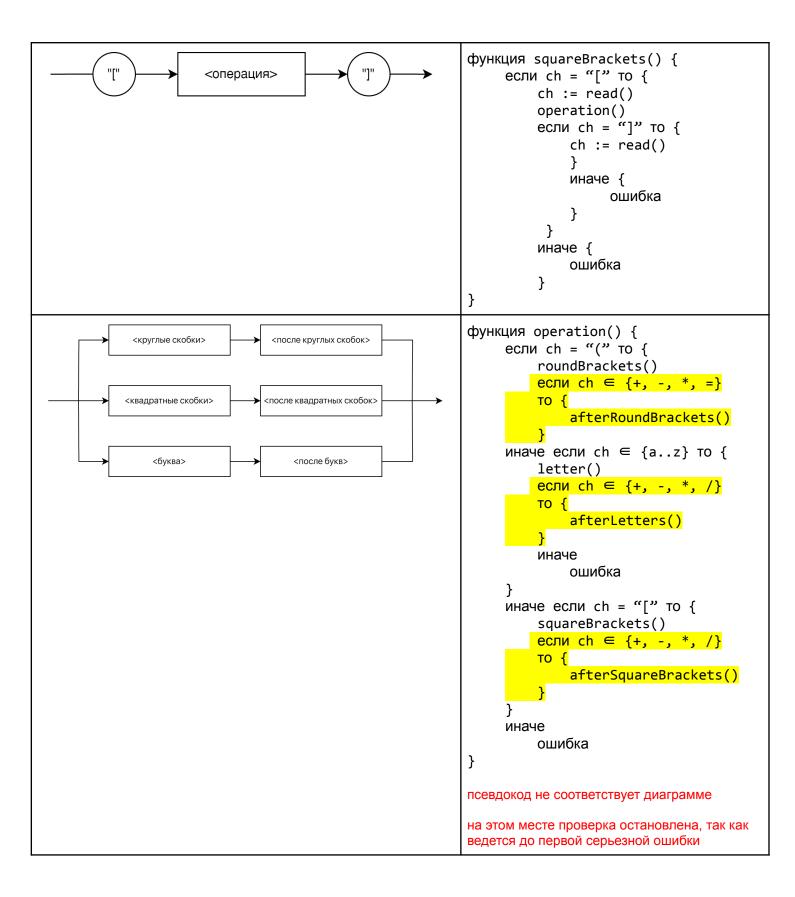


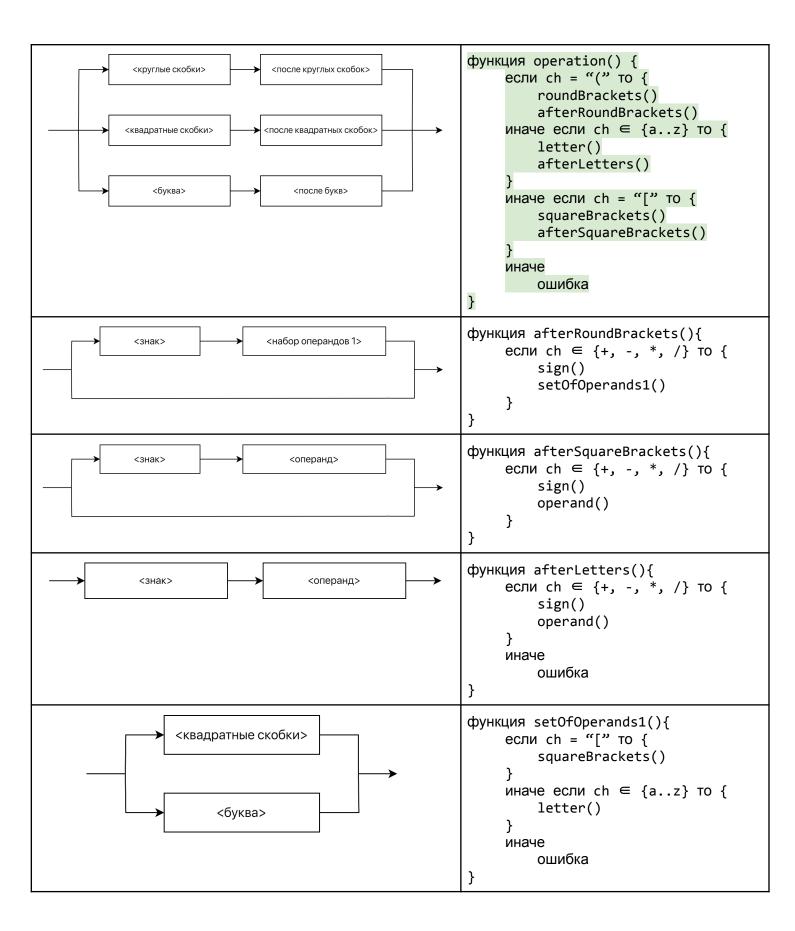
Ссылка на диаграмму в высоком разрешении

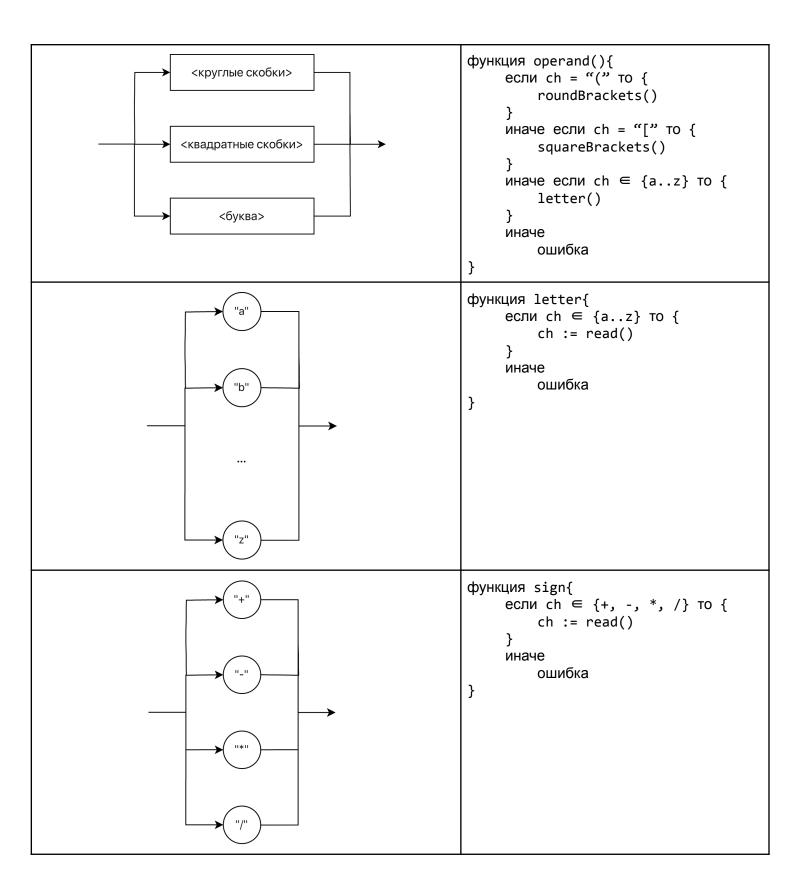
# Задание 7. Таблица перевода синтаксических диаграмм в алгоритм синтаксического анализа

Будем использовать диаграммы без сокращения, так как иначе код будет нечитабельным и в нем будет много повторений.









#### Задание 8. Таблица перевода алгоритма в программу

```
void SyntaxAnalyzer::language()
функция language {
    если ch = '(' то {
        expression()
                                                          if ((ch == '(') || (ch == '['))
    иначе если ch = '[' то {
                                                               expression();
       expression()
                                                          else throw valueError();
}
                                                      }
функция expression {
                                                      void SyntaxAnalyzer::expression()
    если ch = '(' то {
        roundBrackets()
                                                          if (ch == '(') {
                                                               roundBrackets();
    иначе если ch = '[' то {
        squareBrackets()
                                                           else if (ch == '[') {
                                                               squareBrackets();
    иначе {
                                                          else throw valueError();
        ошибка
         }
                                                      }
}
функция roundBrackets() {
                                                      void SyntaxAnalyzer::roundBrackets()
    если ch = "(" то {
        ch := read()
                                                           if (ch == '(') {
        operation()
                                                               read();
         если ch = ")" то {
                                                               operation();
             ch := read()
                                                               if (ch == ')') {
             }
                                                                   read();
             иначе {
                 ошибка
                                                               else throw valueError();
             }
                                                          else throw valueError();
    иначе {
                                                      }
        ошибка
}
функция squareBrackets() {
    если ch = "[" то {
                                                      SyntaxAnalyzer::squareBrackets()
        ch := read()
         operation()
                                                           if (ch == '[') {
```

```
если ch = "]" то {
                                                                read();
             ch := read()
                                                                operation();
                                                                if (ch == ']') {
             иначе {
                                                                    read();
                  ошибка
                                                                else throw valueError();
    иначе {
                                                            else throw valueError();
        ошибка
                                                       }
функция operation() {
                                                       void SyntaxAnalyzer::operation()
    если ch = "(" то {
         roundBrackets()
                                                            if (ch == '(') {
         afterRoundBrackets()
                                                                roundBrackets();
     иначе если ch \subseteq {a..z} то {
                                                                afterRoundBrackets();
         letter()
         afterLetters()
                                                            else if (std::isalpha(ch)) {
                                                                letter();
     иначе если ch = "[" то {
                                                                afterLetters();
         squareBrackets()
                                                            else if (ch == '[') {
         afterSquareBrackets()
                                                                squareBrackets();
     иначе
                                                                afterSquareBrackets();
        ошибка
}
                                                            else throw valueError();
                                                       }
функция afterRoundBrackets(){
                                                       void
    если ch \in \{+, -, *, /\} то \{
                                                       SyntaxAnalyzer::afterSquareBrackets(
         sign()
         setOfOperands1()
                                                       {
                                                            if (isSign(ch)) {
     }
}
                                                                sign();
                                                                operand();
```

```
}
                                                       }
функция afterSquareBrackets(){
    если ch \in {+, -, *, /} то {
                                                       SyntaxAnalyzer::afterSquareBrackets(
         sign()
         operand()
                                                           if (isSign(ch)) {
    }
}
                                                               sign();
                                                               operand();
                                                       }
функция afterLetters(){
                                                       void SyntaxAnalyzer::afterLetters()
    если ch \in {+, -, *, /} то {
                                                           if (isSign(ch)) {
         sign()
         operand()
                                                               sign();
                                                               operand();
    }
    иначе
        ошибка
                                                           else throw valueError();
                                                       }
}
функция setOfOperands1(){
                                                       void
    если ch = "[" то {
                                                       SyntaxAnalyzer::setOfOperands1()
         squareBrackets()
                                                           if (ch == '[') {
    иначе если ch \in {a..z} то {
                                                               squareBrackets();
         letter()
                                                           else if (std::isalpha(ch)) {
    иначе
                                                               letter();
        ошибка
}
                                                           else throw valueError();
                                                       }
```

```
функция operand(){
                                                       void SyntaxAnalyzer::operand()
    если ch = "(" то {
                                                       {
         roundBrackets()
                                                           if (ch == '(') {
     }
                                                                roundBrackets();
    иначе если ch = "[" то {
         squareBrackets()
                                                           else if (ch == '[') {
                                                                squareBrackets();
    иначе если ch ∈ \{a..z\} то \{
                                                           else if (std::isalpha(ch)) {
         letter()
                                                                letter();
     }
    иначе
         ошибка
                                                           else throw valueError();
                                                       }
}
функция letter{
                                                       void SyntaxAnalyzer::letter()
    если ch \in {a..z} то {
        ch := read()
                                                            if (std::isalpha(ch)) {
     }
                                                                read();
    иначе
         ошибка
                                                           else throw valueError();
                                                       }
}
функция sign{
                                                       void SyntaxAnalyzer::sign()
    если ch \in {+, -, *, /} то {
        ch := read()
                                                           if (isSign(ch)) {
                                                                read();
     }
    иначе
         ошибка
                                                           else throw valueError();
}
                                                       }
```

#### Задание 9. Код программы

Программа написана на языке C++ с использованием стандартной библиотеки. В случае ошибки, она уведомляет пользователя, выводит обработанную часть (так можно понять, на каком символе возникла ошибка) и показывает стек вызова функций.

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <windows.h>
#include <vector>

class valueError : public std::exception {
public:
     valueError() : std::exception() {};
};

class SyntaxAnalyzer {
```

```
public:
            SyntaxAnalyzer();
            void readInitialExpression();
            void analyze();
      private:
            std::string initialExpression;
            char ch;
            std::string initialExpressionProcessedPart;
            std::vector<std::string> callStack;
            void read();
            void language();
            void expression();
            void roundBrackets();
            void squareBrackets();
            void operation();
            void afterRoundBrackets();
            void afterSquareBrackets();
            void afterLetters();
            void setOfOperands1();
            void operand();
            void letter();
            void sign();
            bool isSign(const char ch);
            void tryAgain();
            void showCallStack();
      };
      SyntaxAnalyzer::SyntaxAnalyzer() {
            initialExpression = "";
            initialExpressionProcessedPart = "";
            callStack.push_back("");
      void SyntaxAnalyzer::readInitialExpression() {
            std::cout << "Правильная скобочная запись арифметических
выражений с двумя видами скобок.\n"
                  "После круглой скобки в строке может стоять только
квадратная, после квадратной - не обязательно.\n"
                  "Каждая бинарная операция вместе с операндами берется в
скобки. \п"
                  "В правильной записи могут присутствовать "лишние"
(двойные)\n"
                  "скобки, но одна буква не может браться в скобки.\n"
                  "\n"
                  "Пример.\n"
                  "Правильная запись:
[[((c+(a+b))*[(c-d)*a])/d]/(([a-b])/[(c+(d-a))*a])]\n"
```

```
"Неправильная запись [(a+b)*([a-b]-([c+a*b]/(a))+b)]\n"
            "Please, enter initial string: ";
      std::cin >> initialExpression;
      read();
}
void SyntaxAnalyzer::read()
      callStack.push_back("read(); ");
      if (!initialExpression.empty()) {
            ch = initialExpression[0];
            initialExpressionProcessedPart += ch;
            initialExpression.erase(0, 1);
      }
      else {
            ch = '!';
      }
}
void SyntaxAnalyzer::analyze() {
      try {
            language();
            std::cout << "OK";</pre>
      }
      catch (valueError error) {
            showCallStack();
      }
      tryAgain();
}
void SyntaxAnalyzer::language()
      callStack.push_back("language(); ");
      if ((ch == '(') || (ch == '[')) {
            expression();
      }
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::expression()
      callStack.push_back("expression(); ");
      if (ch == '(') {
            roundBrackets();
      }
      else if (ch == '[') {
```

```
squareBrackets();
      }
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::roundBrackets()
      callStack.push_back("roundBrackets(); ");
      if (ch == '(') {
            read();
            operation();
            if (ch == ')') {
                  read();
            }
            else throw valueError();
      }
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::squareBrackets()
      callStack.push_back("squareBrackets(); ");
      if (ch == '[') {
            read();
            operation();
            if (ch == ']') {
                  read();
            else throw valueError();
      }
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::operation()
{
      callStack.push_back("operation(); ");
      if (ch == '(') {
            roundBrackets();
            afterRoundBrackets();
      }
      else if (std::isalpha(ch)) {
            letter();
            afterLetters();
      }
      else if (ch == '[') {
            squareBrackets();
            afterSquareBrackets();
```

```
}
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::afterRoundBrackets()
      callStack.push_back("afterRoundBrackets(); ");
      if (isSign(ch)) {
            sign();
            if (std::isalpha(ch) || ch == '[') {
                  setOfOperands1();
            else throw valueError();
      }
}
void SyntaxAnalyzer::afterSquareBrackets()
      callStack.push_back("afterSquareBrackets(); ");
      if (isSign(ch)) {
            sign();
            operand();
      }
}
void SyntaxAnalyzer::afterLetters()
      callStack.push_back("afterLetters(); ");
      if (isSign(ch)) {
            sign();
            operand();
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::setOfOperands1()
      callStack.push_back("setOfOperands1(); ");
      if (ch == '[') {
            squareBrackets();
      else if (std::isalpha(ch)) {
            letter();
      else throw valueError();
}
```

```
void SyntaxAnalyzer::operand()
      callStack.push_back("operand(); ");
      if (ch == '(') {
            roundBrackets();
      }
      else if (ch == '[') {
            squareBrackets();
      else if (std::isalpha(ch)) {
            letter();
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::letter()
{
      callStack.push_back("letter(); ");
      if (std::isalpha(ch)) {
            read();
      }
      else throw valueError();
}
void SyntaxAnalyzer::sign()
{
      callStack.push_back("sign(); ");
      if (isSign(ch)) {
            read();
      }
      else throw valueError();
}
bool SyntaxAnalyzer::isSign(const char ch)
{
      if (ch == '+' || ch == '-' || ch == '*' || ch == '/')
            return true;
      else
            return false;
}
void SyntaxAnalyzer::tryAgain()
      initialExpressionProcessedPart.clear();
      callStack.clear();
      std::string tryAgain;
      std::cout << "\nTry again?: (Y/N) ";</pre>
```

```
std::cin >> tryAgain;
                if (tryAgain == "Y") {
                         readInitialExpression();
                         analyze();
                }
        }
        void SyntaxAnalyzer::showCallStack()
                std::cout << "Error!\nProcessed part : " <<</pre>
initialExpressionProcessedPart << std::endl << std::endl << "Call stack:</pre>
                for (std::string call : callStack) {
                         std::cout << call;</pre>
                }
        }
        int main()
        {
                SetConsoleCP(1251);
                SetConsoleOutputCP(1251);
                SyntaxAnalyzer syntaxAnalyzer;
                syntaxAnalyzer.readInitialExpression();
                syntaxAnalyzer.analyze();
        }
         C:\Users\nekof\Desktop\Lab\MLiTA\SyntaxAnalyzer\SyntaxAnalyzer\Debug\SyntaxAnalyzer.exe
        Правильная скобочная запись арифметических выражений с двумя видами скобок.
        После круглой скобки в строке может стоять только квадратная, после квадратной - не обязательно.
        Каждая бинарная операция вместе с операндами берется в скобки.
В правильной записи могут присутствовать "лишние" (двойные)
         скобки, но одна буква не может браться в скобки.
        Правильная запись: [[((c+(a+b))*[(c-d)*a])/d]/(([a-b])/[(c+(d-a))*a])]
Неправильная запись [(a+b)*([a-b]-([c+a*b]/(a))+b)]
         Please, enter initial string: [[((c+(a+b))*[(c-d)*a])/d]/(([a-b])/[(c+(d-a))*a])]
         Try again?: (Y/N)
         Please, enter initial string: ((a))
         Processed part : ((a)
         Call stack: read(); language(); expression(); roundBrackets(); read(); operation(); roundBrackets(); read(); operation()
         ; letter(); read(); 
Try again?: (Y/N) _
```

```
Please, enter initial string: a+b
Error!
Processed part : a
Call stack: read(); language();
Try again?: (Y/N)
Please, enter initial string: ((a+b)*(a+b))
Error!
Processed part : ((a+b)*(
Call stack: read(); language(); expression();
; letter(); read(); afterLetters(); sign(); re
ead();
Try again?: (Y/N)
Please, enter initial string: ((a+b)*[a+b])
OK
Try again?: (Y/N)
Please, enter initial string: (a+b]
Processed part : (a+b]
Call stack: read(); language(); expression
gn();    read();    operand();    letter();    read();
Try again?: (Y/N)
Please, enter initial string: (a+b
Error!
Processed part : (a+b
Call stack: read(); language(); expression(
gn(); read(); operand(); letter(); read();
Try again?: (Y/N)
Please, enter initial string: )a
Error!
Processed part : )
Call stack: read(); language();
Try again?: (Y/N)
Please, enter initial string: [[[[[
Error!
Processed part : [[[[[
Call stack: read(); language(); expressio
(); squareBrackets(); read(); operation()
Try again?: (Y/N)
```

# Задание 10. Исполняемый файл

Ссылка на исполняемый файл

Требования:

OS Windows 10/11 x64