Тема. Повторення. Розв'язування задач

<u>Мета:</u> вдосконалювати вміння знаходити невідомі сторони і кути трикутника за відомими сторонами і кутами

Повторюємо

- Сформулюйте теорему Піфагора.
- Сформулюйте теорему косинусів.
- Сформулюйте теорему синусів.
- Назвіть відомі вам формули площі трикутника.

Довідник

- Три висоти трикутника завжди перетинаються в одній точці, яка називається ортоцентром трикутника. Ортоцентр гострокутного трикутника розташований всередині трикутника, а ортоцентр тупокутного трикутника зовні; ортоцентр прямокутного трикутника збігається з вершиною прямого кута.
- Найбільшою висотою трикутника ϵ та, що проведена до найменшої сторони; Найменшою висотою ϵ та, що проведена до найбільшої сторони.
- Проти більшої сторони лежить більший кут, і навпаки; проти рівних сторін лежать рівні кути, і навпаки;
- Будь-яка сторона трикутника менше суми двох інших сторін і більше їх різниці.
- Три медіани трикутника перетинаються в одній точці, завжди лежить всередині трикутника і є його центром ваги. Ця точка ділить кожну медіану щодо 2:1, рахуючи від вершини.
- Три бісектриси трикутника перетинаються в одній точці, завжди лежить всередині трикутника і є центром вписаного кола. Бісектриса ділить протилежну сторону на частини, пропорційні прилеглим сторонам.
- Три серединних перпендикулярів трикутника перетинаються в одній точці, що є центром описаного кола. У гострокутного трикутника ця точка лежить всередині трикутника; в тупокутного зовні; в прямокутному в середині гіпотенузи. Ортоцентр, центр ваги, центр описаного і центр вписаного кола збігаються тільки в рівносторонньому трикутнику.

Розв'язування задач

Знайдіть площу прямокутного трикутника, якщо бісектриса його гострого кута ділить протилежний катет на відрізки довжиною 3см і 5см.

Розв'язання

За властивістю бісектриси трикутника: $\frac{AC}{AB} = \frac{CD}{DB}$, Оскільки AC<AB, то CD<DB, тому CD=3 см, DB= 5см, звідки CB= CD + DB= 3+5=8 (см).

Якщо $\frac{AC}{AB} = \frac{3}{5}$, то нехай x - коефіціент відношення: AC= 3x(cm), AB = 5x (cm).

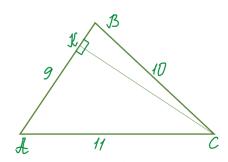
За т. Піфагора: $AB^2 = AC^2 + CB^2$, $25x^2 = 9x^2 + 64$, $16x^2 = 64$, $x^2 = 4$, x = 2.

Тоді AC=3·2=6 (см),

$$S = \frac{1}{2} \cdot AC \cdot CB = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 8 = 24(cM^2)$$

Відповідь: 24 см²

Задача 2



Знайти найбільшу висоту трикутника, сторони якого дорівнюють 9см, 10см, 11см.

Розв'язання

S=
$$\sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$
 $p=\frac{9+10+11}{2}=\frac{30}{2}=15$ cm.

$$S = \sqrt{15(15-9)(15-10)(15-11)} = \sqrt{15 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4} = \sqrt{1800} = \sqrt{100 \cdot 9 \cdot 2} = 30\sqrt{2} \text{ cm}^2$$

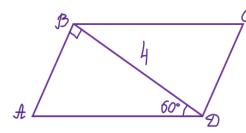
$$S = \frac{1}{2} AB \cdot KC.$$

$$30\sqrt{2} = \frac{9 \cdot \text{CK}}{2}$$
; $\text{CK} = \frac{2 \cdot 30\sqrt{2}}{9} = \frac{20\sqrt{2}}{3} \text{ cm.}$

Відповідь: $\frac{20\sqrt{2}}{3}$ см.

Задача 3

Діагональ паралелограма довжиною 4см перпендикулярна до однієї зі сторін і утворює



кут 60° з іншою стороною. Знайдіть площу паралелограма

Розв'язання.

Трикутник ABD — прямокутний: \angle BAD=90 $^{\circ}$ - 60 $^{\circ}$ = 30 $^{\circ}$. Катет, що лежить проти кута в 30 $^{\circ}$ =половині

гіпотенузи: AD=2·4=8 (см)

S ABCD = 2S ABD =
$$2 \cdot \frac{1}{2} \cdot AD \cdot DB \cdot sin ADB = 8.4 \cdot sin60^{\circ} = 32 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 16\sqrt{3} (cm^{2})$$

Відповідь: $16\sqrt{3}$ см²

Поміркуйте

Як знайти площу рівнобедреного трикутника за відомою бічною стороною і основою? Назвіть декілька способів

Домашнє завдання

- Опрацювати конспект
- **Розв'язати задачу:** у трикутнику одна зі сторін дорівнює 29см, а інша ділиться точкою дотику вписаного в нього кола на відрізки 24см і 1см, починаючи від кінця першої сторони. Знайдіть площу трикутника.

Джерела

- https://moyaosvita.com.ua/geometriya/osnovni-vlastivosti-trikutnikiv/
- Всеосвіта