# Тема. Властивості функцій

Мета. Відпрацьовувати вміння і навички дослідження функцій

## Повторюємо

- Що називають функцією?
- Як можна задати функцію?
- Що таке область значень функції?
- Що входить у область визначення функції?
- Що таке нулі функції?
- Що таке проміжки знакосталості функції?
- Що таке проміжки зростання та спадання функції?
- Які значення функції називають найбільшим та найменшим?

# Розв'язування задач

#### Задача 1.

Доведіть, що лінійна функція f(x) = kx + b, зростає, якщо k > 0 та спадає, якщо k < 0.

#### Розв'язання

Розгляньмо два довільні числа  $x_2,\ x_1$  за умови, що  $x_2>x_1.$ 

Тоді 
$$f(x_2) - f(x_1) = kx_2 + b - (kx_1 + b) = kx_2 - kx_1 = k(x_2 - x_1).$$

Отже, 
$$f(x_2) > f(x_1) \Leftrightarrow f(x_2) - f(x_1) > 0 \Leftrightarrow k(x_2 - x_1) > 0 \Leftrightarrow k > 0$$
,

або  $x_2 - x_1 > 0$ .

Аналогічно  $f(x_2) < f(x_1) \Leftrightarrow k < 0$ .

#### Задача 2.

Знайдіть найбільше значення функції  $f(x) = -x^2 + 2x + 3$ .

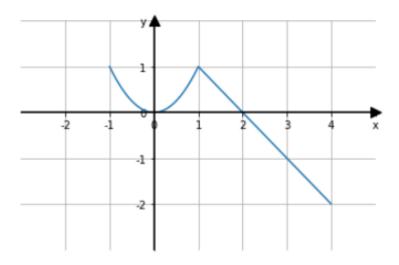
#### Розв'язання

$$f(x) = -x^2 + 2x + 3 = -(x^2 - 2x + 1) + 4 = -(x - 1)^2 + 4 \le 4$$
, for  $-(x - 1)^2 \le 0$ .

Отже, ми з'ясували, що найбільше значення функції f не більше за 4. Але ще потрібно показати, що 4 належить області значень. Це справді так, адже  $f(1) = -1^2 + 2 \cdot 1 + 3 = 4$ .

#### Задача 3.

Функцію f(x), визначену на проміжку [-1,4], задано графічно. Знайдіть найменше та найбільше значення f.



#### Розв'язання

Найбільшому значенню функції відповідає точка на графіку, у якої найбільша ордината, або ж «найвища» точка графіка. На цьому графіку таких точок дві: (-1;1) та (1;1). Відповідно, найбільше значення функції f це 1.

Аналогічно найменшому значенню відповідає точка з найменшою ординатою, або ж «найнижча» точка графіка. На цьому графіку така точка одна — (4; -2). Відповідно найменше значення функції f — це -2.

### Пригадайте

- Як визначити найбільше значення функції за її формулою?
- Як визначити проміжки зростання та спадання функції?

### Домашне завдання

- Опрацювати конспект
- Розв'язати письмово №364

Джерело: Всеукраїнська школа онлайн