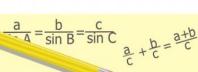
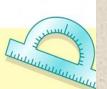
Тема уроку: Тема уроку: Тема уроку: Піфагора

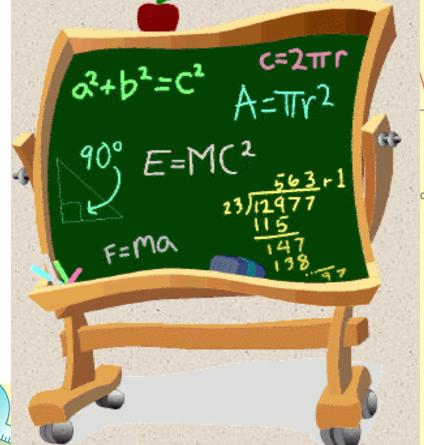






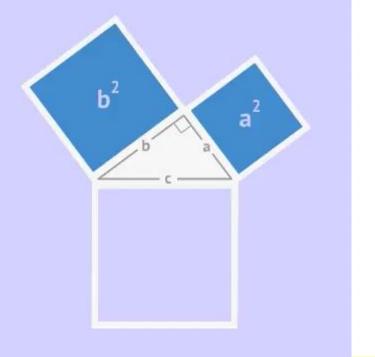






Мета: Сформулювати і довести теорему Піфагора, розширити пізнання про життя великого математика і про знамениту д теорему, формувати вміння і навички застосовувати теорему під час розв'язування задач на практиці і в повсякденному житті; розвивати пам'ять, увагу, логічне мислення; виховувати бажання пізнавати нове.

Стародавні геометри не володіли алгебраїчним апаратом, тому т. Піфагора формулювали так: «Площа квадрата, побудованого на гіпотенузі прямокутного трикутника, дорівнює сумі площ квадратів, побудованих на його катетах».



 $\frac{a}{A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$

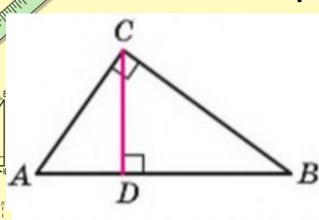
x= 25 + 45

 $(x-y) = x^2 - y^2$

4 x 4 = 16 5 x 5 = 25 6 x 6 = 36 7 x 7 = 49 8 x 8 = 14 9 x = 11

По сучасному ця теорема звучить так: «Квадрат гіпотенузи дорівнює сумі квадратів катетів». $c^2 = a^2 + b^2$

Доведення



Дано: ∆ABC, ∠C=90°.

Довести: $AB^2 = AC^2 + BC^2$

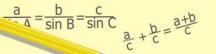
Доведення

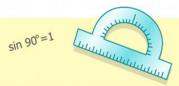
Проведемо висоту CD. Застосувавши теорему про метричні співвідношення для катетів AC і BC, отримаємо:

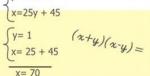
$$+ {AC^2 = AD \cdot AB \atop BC^2 = DB \cdot AB}$$

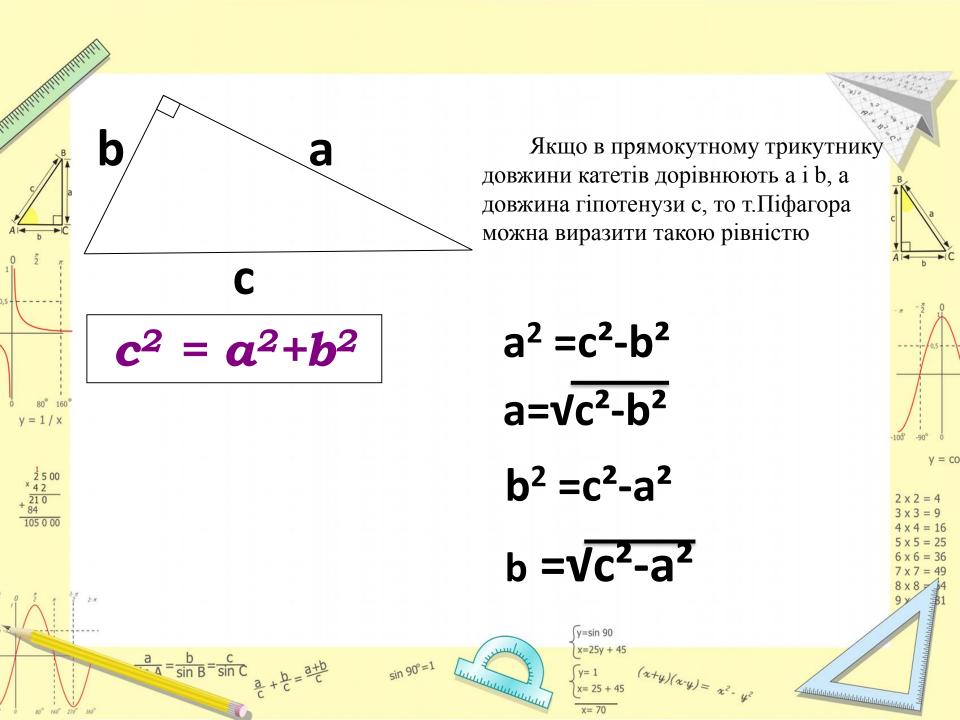
 $AC^2 + BC^2 = AD \cdot AB + DB \cdot AB = AB (AD + DB) =$

= AB \cdot AB = AB². Теорему доведено.





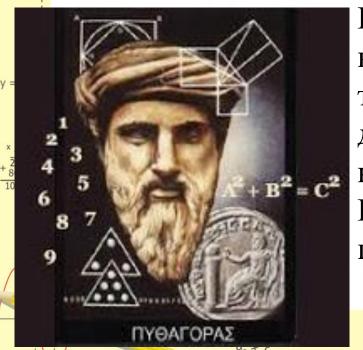




HITHITH HITH

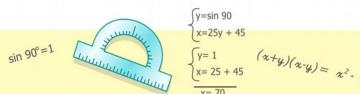
Цю теорему називають вічною. Їй понад 2 тисячі років. Відомо більше, ніж 370 різних доведень цієї теореми.

За кількістю доведень теорема Піфагора занесена до Книги рекордів Гінеса.



Піфагор не відкрив сформульовану в теоремі властивість прямокутного трикутника, а помітив, узагальнив і довів, перевів з практичної галузі в наукову.

Вважають, що Піфагор дав перше повноцінне доведення.



y = 0

Значення теореми Піфагора.

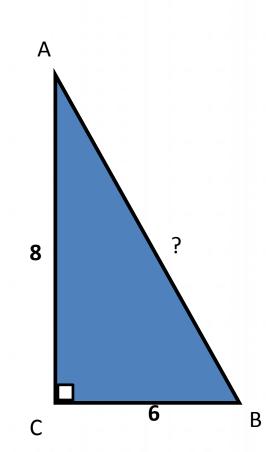
За 1500 років до Піфагора землеміри Стародавнього Єгипту для побудови прямого кута користувалися властивістю трикутника зі сторонами 3, 4, 5 (єгипетський трикутник).

Саме такі пропорції 3 : 4 : 5 археологи знаходять в розмірах тесаних плит піраміди Херфена в Єгипті.



Через малюнки до т.Піфагора, учні називали її ще "вітряний млин", складали вірші типу "Піфагорові штани рівні як не поверни", малювали карикатури $(x+y)(x-y) = x^2 - y^2$

Закріплення матеріалу



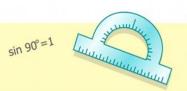
Дано: ∆ABC, ∠C=90°, a=6 м, b=8м Знайти: с.

Розв'язання:

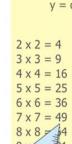
Оскільки $\triangle ABC$ — прямокуний з гіпотенузою AB, то за теоремою Піфагора $c^2 = a^2 + b^2$ $c^2 = 6^2 + 8^2$ $c^2 = 36 + 64$

 $c^2=100$ c=10

Відповідь: 10 м



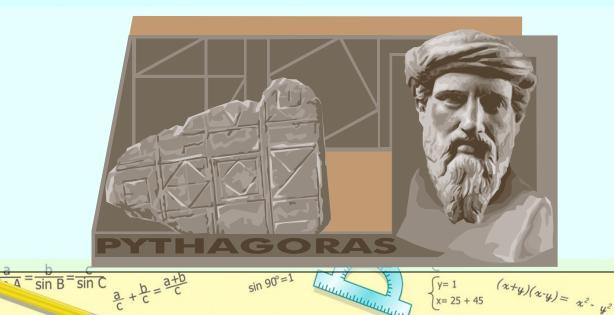
 $\begin{cases} x = 25y + 45 \\ y = 1 \\ x = 25 + 45 \end{cases} (x+y)(x-y) = x^2 - y^2$



Теорема Піфагора - одна із найголовніших теорем геометрії.

Але, крім того, теорема Піфагора має велике практичне значення: вона застосовується в геометрії і в житті буквально на кожному кроці.

y = 1/x



Жарт:

Один професор скористався теоремою Піфагора на практиці. Йому запропонували ліжко, що виявилось коротким для нього. Не розгубившись той, виміряв довжину і ширину ліжка — *a* і *b*, і побачив, що його власний зріст менший від

 $\sqrt{a^2 + b^2}$



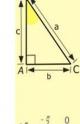
Тоді математик зручно вмостився на ліжку по діагоналі, остаточно впевнившись у великій практичній користі теореми Піфагора.

 $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$ $\frac{a}{c} + \frac{b}{c} = \frac{a+b}{c}$

sin 90°=1



 $\begin{cases} y = 1 & (x+y)(x-y) = x^2 - y \end{cases}$





Ця задача з першого підручника математики на Русі «Арифметика»

Сталося якомусь чоловіку до стіни драбину поставити, стіни ж тої висота є 117 стоп. І відати хоче він, на скільки стоп драбини нижній кінець від стіни отстояти має, якщо

драбини довжина 125 стоп.

Дано: \triangle ABC, \angle C = 90 $^{\circ}$,

AC = 117 стоп,

АВ = 125 стоп.

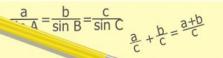
Знайти: ВС

Розв'язання.

За теоремою Піфагора $BC^2 = AB^2 - AC^2 = 125^2 - 117^2 = = (125 - 117)(125 + 117) = 8 \cdot 242 = 4 \cdot 4 \cdot 121$

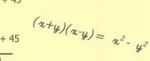
 $BC = 4 \cdot 11 = 44$ (стопи)

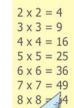
Відповідь: на 44 стопи

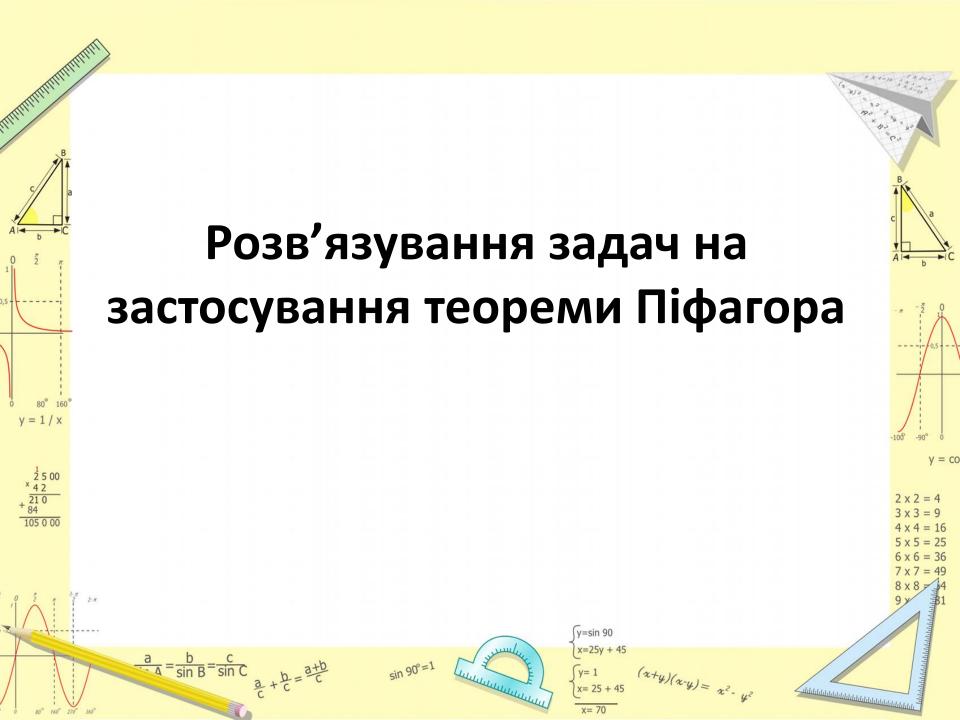






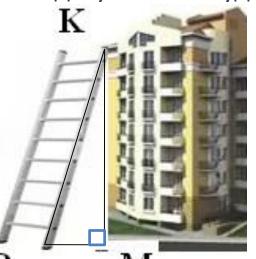






THITHITITI

Знайти довжину драбини, прикладеної до будинку, якщо один її кінець знаходиться на відстані 6м від будинку, а другий на зіткненні стіни і даху. Висота будинку дорівнює 8м.



Дано: ∆ КМР, ∠М = 90°

KM=8 m, MP= 6m.

Знайти: КР

Розв'язання

Δ КМР - прямокутний, тоді за теоремою Піфагора

$$KP^2 = KM^2 + MP^2,$$

$$KP^2 = 8^2 + 6^2 = 64 + 36 = 100$$

Відповідь: довжина драбини 10м.

$$\frac{a}{A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

$$\frac{a}{c} + \frac{b}{c} = \frac{a+b}{c}$$

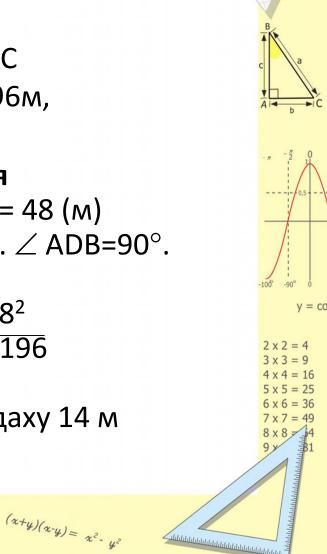




 $(x+y)(x-y) = x^2 - y^2$



Дах будинку має форму рівнобедреного трикутника (АВС), AB=BC=50 м, Основа трикутника AC=96м, BD-висота даху. Знайти висоту даху. Дано: \triangle ABC, $BD\bot$ AC AB=BC=50 M, AC=96M, Знайти: BD. Розв'язання AD=DC=AC:2=96:2=48 (M)Розглянемо $\triangle ADB$. $\angle ADB=90^{\circ}$. За т.Піфагора $BD^2 = AB^2 - AD^2 = 50^2 - 48^2$ $BD = \sqrt{2500 - 2304} = \sqrt{196}$ BD=14 (M)Відповідь: висота даху 14 м



Домашне завдання

Опрацювати параграф 18 Вивчити теорему Піфагора Виконати № 657, 659, 661

Творче завдання:

Скласти задачі практичного змісту, для розв'язання яких необхідно використати теорему Піфагора.

