Тема. Область визначення та область значень функції

<u>Мета.</u> Ознайомитися з поняттями області визначення та області значень функції, вчитися знаходити область визначення та область значень функцій, заданих формулами

Повторюємо

- Що таке функція?
- Які назви мають залежна та незалежна змінні?
- Які способи задання функції ви знаєте?

Виконайте вправу за посиланням:

https://learningapps.org/1375969

Ознайомтеся з інформацією

На попередньому уроці ми мали приклад функціональної залежності периметра квадрата Р від довжини сторони а.

$$P = 4a$$

У цьому прикладі \boldsymbol{a} називають незалежною змінною. А змінну \boldsymbol{P} – залежною змінною. Зазвичай в алгебрі незалежну змінну позначають буквою \boldsymbol{x} , залежну - буквою \boldsymbol{y} , функцію (правило) - буквою \boldsymbol{f} . Якщо змінна у функціонально залежить від змінної \boldsymbol{x} , то цей факт позначають так: $\boldsymbol{y} = \boldsymbol{f}(\boldsymbol{x})$, (читають: ігрек дорівнює еф від ікс). Незалежну змінну ще називають аргументом функції. Усі значення, яких набуває аргумент, утворюють область визначення функції. Так, у прикладі про периметр квадрата областю визначення функції є усі додатні числа.

Для функції f кожному значенню аргументу х відповідає деяке значення залежної змінної y. Значення залежної змінної ще називають значенням функції. Значення функції f, яке отримуємо за деякого значення аргументу x, позначають f(x). Наприклад, f(7) – це значення функції при x = 7.

Записf(a) = b означає, що значенню аргументу а відповідає значення b функції.

Так, якщо у прикладі про периметр квадрата правило позначити буквою f, то $f(9) = 4 \cdot 9 = 36$.

Усі значення, яких набуває залежна змінна, утворюють область значень функції.

Перегляньте відео за посиланням: https://youtu.be/VxNy3tRPbao

Виконайте вправу за посиланням: https://learningapps.org/2162397

Розв'язування завдань

Для функції $f(x)=x^2+2$ знайдіть область визначення та область значень.

Розв'язання

Областю визначення цієї функції є довільне число, оскільки на змінну х немає обмежень.

Найменшим значенням виразу x^2 є число 0 при x=0. Тоді найменшим значенням виразу x^2 +2 є число 2 при x=0. Отже областю значень функції $f(x)=x^2+2$ є довільне число, більше або рівне 2.

Поміркуйте

Нехай а — довжина ребра куба. V — його об'єм. Знайдіть область визначення функції V(a).

Домашнє завдання

- Опрацювати конспект
- Розв'язати завдання:

Дано функцію $f(x) = x^3 + 4$. Знайдіть:

- 1. Область визначення функції
- 2. Область значень функції

Джерело

Всеукраїнська школа онлайн