

## ВЛАСТИВІСТЬ БІСЕКТРИСИ ТРИКУТНИКА

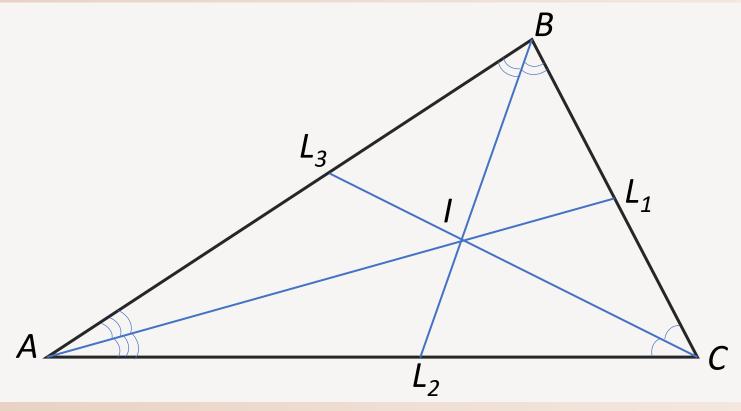


12.01.2023 Геометрія 8-А,В клас



Мета уроку: домогтися засвоєння учнями змісту теореми, що виражає властивість бісектриси трикутника та її доведення. формувати вміння відтворювати зміст вивченої теореми; за готовими рисунками із зображенням трикутника та його бісектриси знаходити пропорційні відрізки; застосовувати формулювання теореми до розв'язування задач на обчислення відрізків у трикутнику.

Бісектрисою трикутника називають відрізок бісектриси кута трикутника, що сполучає вершину трикутника з точкою протилежної сторони ·

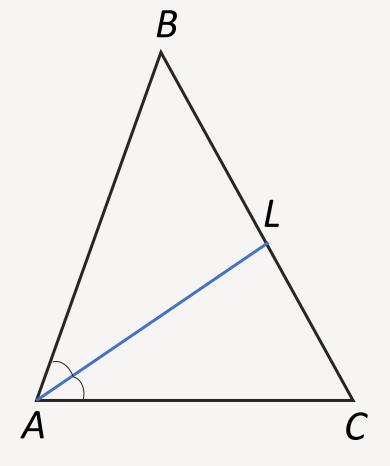


В будь якому трикутнику бісектриси перетинаються в одній точці (її називають інцентром).

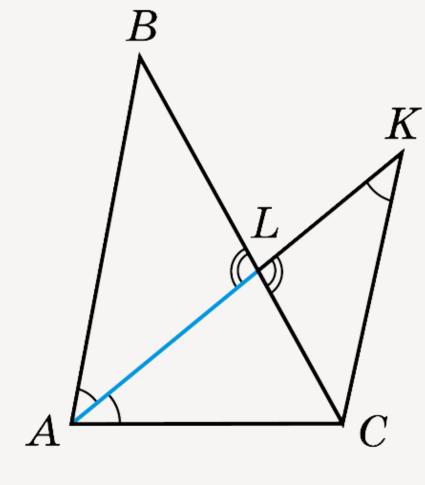
На малюнку точка І-інцентр трикутника АВС

**Теорема** (властивість бісектриси трикутника). Бісектриса трикутника ділить сторону, до якої вона проведена,

на відрізки, пропорційні двом іншим сторонам.



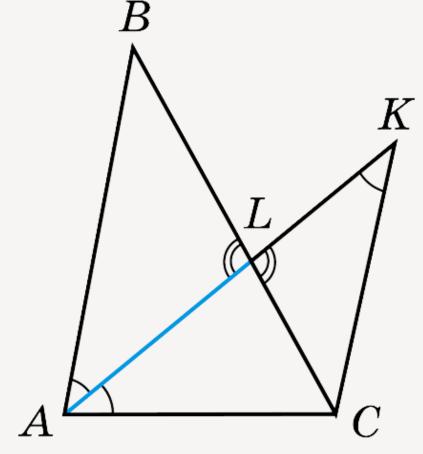
$$\frac{AB}{AC} = \frac{BL}{LC}$$



Доведення. Нехай AL- бісектриса  $\triangle ABC$ .

доведемо, що 
$$\frac{AB}{AC} = \frac{BL}{LC}$$
.

1) Проведемо через точку C пряму, паралельну AB, та продовжимо бісектрису AL до перетину із цією прямою в точці K. Тоді  $\angle LKC = \angle BAL$  (як внутрішні різносторонні кути при паралельних прямих AB і CK та січній C.



2) Трикутник АКС - рівнобедрений (оскільки

$$\angle BAL = \angle LAC$$
 i  $\angle BAL = \angle LKC$ , a TOMY

$$\angle KAC = \angle AKC$$
), a отже,  $AC = KC$ .

3) 
$$\angle BLA = \angle CLK$$
 ( як вертикальні).

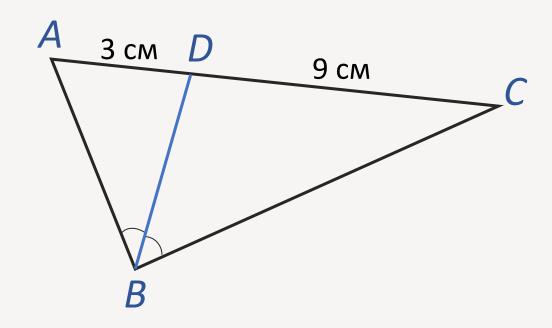
Тому  $\triangle ABL$ о $\triangle KCL$  (за двома кутами).

OTKE 
$$\frac{AB}{KC} = \frac{BL}{LC}$$

Але 
$$KC=AC$$
, тому  $\frac{AB}{AC}=\frac{BL}{LC}$ .

## Розв'язування

Задача 1 BD — бісектриса трикутника ABC, AD = 3 см, DC = 9 см. Знайдіть відношення сторін  $\frac{AB}{BC}$ .

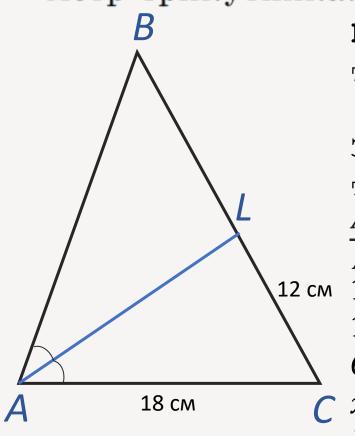


**Розв'язання.** За теоремою про властивість бісектриси

трикутника:

$$\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{CD}$$
. Тому  $\frac{AB}{BC} = \frac{AD}{CD}$ ,  $\frac{AB}{BC} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$ .

Задача 2 Основа рівнобедреного трикутника дорівнює 18 см, а бісектриса ділить бічну сторону на відрізки, з яких той, що суміжний з основою, дорівнює 12 см. Знайдіть периметр трикутника.



**Розв'язання.** За умовою  $\triangle ABC$ -рівнобедрений, тому AB=BC. Нехай AB=x(см), тоді BL=x-12 (см).

За теоремою про властивість бісектриси трикутника:

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BL}{CL}$$
. Маємо рівняння:  $\frac{x}{18} = \frac{x-12}{12}$ , 12 см  $12x = 18(x-12)$ ,

$$12x - 18x = -216$$

$$6x = 216$$
.

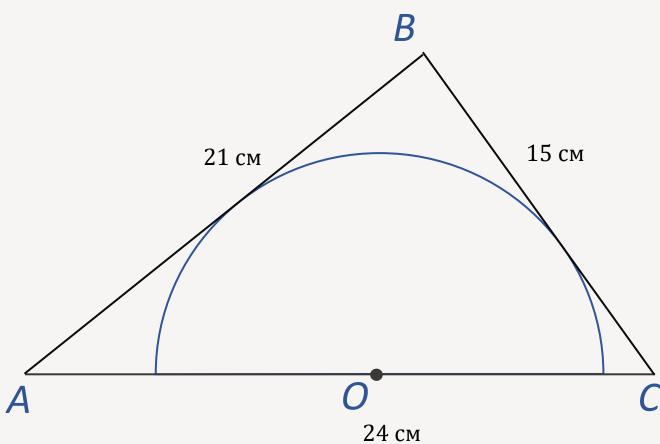
$$x = 36$$
.

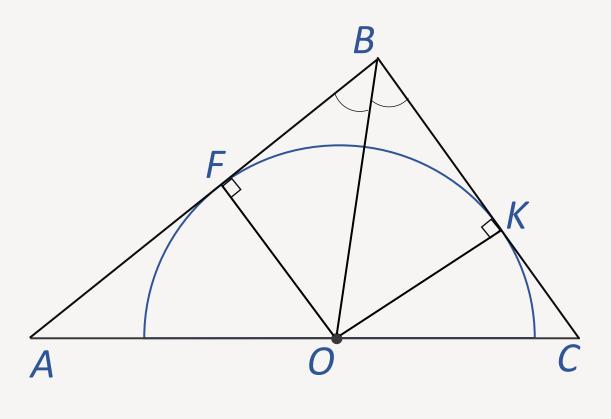
$$P = 2AB + AC,$$

$$P = 2 \cdot 36 + 18 = 90$$
 (cm).

Відповідь. 90 см.

Задача 3 У трикутнику, сторони якого дорівнюють 15 см, 21 см і 24 см, проведено півколо, центр якого належить більшій стороні трикутника і яке дотикається до двох інших сторін. На які відрізки центр півкола ділить більшу сторону?





**Розв'язання.** За властивістю дотичної  $AB \perp OF, BC \perp OK$ .

OF = OK, як радіуси кола.

 $\triangle \ OFB = \triangle \ OKB$  за гіпотенузою і катетом.

Нехай AO=x, тоді OC=24-x.

За теоремою про властивість

бісектриси трикутника:  $\frac{AB}{AO}$  =

 $\frac{BC}{CO}$ 

Maemo:  $\frac{21}{x} = \frac{15}{24-x}$ 

звідки x = 14 (см).

OC = 24 - x = 24 - 14 = 10 (cm).

Відповідь. 10 см, 14 см.



## Домашне завдання:

Опрацювати §16 Виконати письмово №566, 569.

Відправити на Human або електронну пошту <a href="mailto:smartolenka@gmail.com">smartolenka@gmail.com</a>