



Оберіть дробово-раціональні рівняння, обґрунтуйте свій вибір:



$$\frac{x+5}{3} - \frac{x-5}{4} = 1$$

$$\frac{x^2 - 3x + 2}{36} = 0$$

$$\frac{3}{x} + \frac{2+x}{5} = 1$$

$$x - 7 = \frac{x + 8}{12}$$

$$\frac{8-x}{x+7} = x+7$$

$$\frac{2x^2 + x - 3}{3x^2 - 2x - 1} = 0$$

Методи розв'язування дробово-раціональних

рівнянь:

• використання умови рівності дробу нулю:

$$\frac{A}{B} = 0$$
, якщо $A = 0$, $B \neq 0$.

• використання основної властивості пропорції

$$\frac{a}{b}: \frac{c}{d} \leftrightarrow ad = bc$$

 метод множення обох частин рівняння на спільний знаменник.

1. Розв'яжіть рівняння, обравши необхідний метод:



2)
$$\frac{9x-7}{3x-2} - \frac{4x-5}{2x-3} = 1$$
, $O\mathcal{J}3:3x-2\neq 0, x\neq \frac{2}{3}$, $\frac{9x-7}{3x-2} + \frac{4x-5}{3x-2} = 1$, $\frac{9x-7}{3x-2} + 4x-5 = 1$, $\frac{9x-7+4x-5}{3x-2} = 3x-2$, $\frac{9x-7+5+2}{3x-2} = 3x-2$, $\frac{9x-$

3))
$$\frac{2x-1}{2x+1} = \frac{2x+1}{2x-1} + \frac{4}{1-4x^2}$$
,
 $OJJ3: \begin{cases} 2x+1 \neq 0, \\ 2x-1 \neq 0, \\ 1-4x^2 \neq 0. \end{cases} \Rightarrow x \neq \frac{1}{2}, x \neq -\frac{1}{2}.$



$$\frac{2x-1}{2x+1} - \frac{2x+1}{2x-1} + \frac{4}{4x^2-1} = 0,$$

$$\frac{(2x-1)(2x-1)-(2x+1)(2x+1)+4}{4x^2-1} = 0,$$

$$\frac{4x^2-4x+1-4x^2-4x-1+4}{6x^2-4x-1+4} = 0,$$

$$4x^{2}-1$$
 $\frac{-8x+4}{4x^{2}-1}=0,$
 $-8x+4=0,$
 $-8x=-4,$
 $x=0,5\not\in O$ ДЗ.
Відповідь: $x\in\emptyset$.

1. Складіть та запишіть рівняння до задачі:

Автомобіліст проїжджає відстань між двома містами на **36 хв** швидше, ніж мотоцикліст. Знайти швидкість кожного з них, якщо відомо, що швидкість автомобіліста на **15 км/год** більша, ніж швидкість мотоцикліста, а відстань між містами **180 км**.



Розв'язання:



Нехай швидкість мотоцикліста - х км/год, тоді швидкість

автомобіліста - (х+15) км/год. Мотоцикліст проїхав відстань між

містами за
$$\frac{180}{x}$$
 год, а автомобіліст — за $\frac{180}{x+15}$ год.

Враховуючи, що автомобіліст проїхав відстань на 36 хв

$$(\frac{36}{60} \, \text{год} = \frac{3}{5} \, \text{год})$$
швидше, ніж мотоцикліст, маємо таке рівняння:

$$\frac{180}{x} - \frac{180}{x+15} = \frac{3}{5}$$

