Вчитель: Артемюк Н.А.

Тема. Повторення. Трикутник. Площа трикутника. Подібність трикутників

Мета. Вдосконалювати вміння розв'язувати задачі на обчислення елементів та площ трикутників

Повторюємо

- Які види трикутників вам відомі?
- Які властивості та ознаки має рівнобедрений трикутник?
- Які трикутники називають подібними?
- Які ознаки подібності трикутників ви знаєте?
- Які властивості мають вписані та описані трикутники?
- Які формули площі трикутника ви знаєте?

Довідник





Властивість бісектриси трикутника (рис. 6). бісектриса трикутника ділить протилежну сторону на відрізки, пропорційні прилеглим до них сторонам. За рисунком можна скласти відношення $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$.

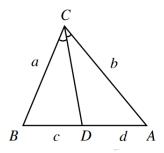


Рис. 6. Властивість бісектриси трикутника

Теорема про точку перетину медіан трикутника (рис. 7). Медіани трикутника перетинаються в одній точці і діляться нею у відношенні 2 : 1, починаючи від вершини трикутника. На основі теореми можна скласті відношення:

$$\frac{BE}{EM} = \frac{2}{1}; \frac{AE}{EL} = \frac{2}{1}; \frac{CE}{EK} = \frac{2}{1}.$$

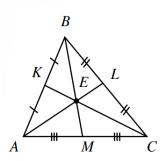


Рис. 7. До теореми про медіани трикутника

Розв'язування задач Задача 1

Відношення периметрів подібних трикутників дорівнює коефіцієнту подібності. Доведіть це.

Розв'язання

Нехай $\triangle ABC$ ∞ $\triangle A_1B_1C_1$ з коефіцієнтом подібності k. Це означає? що

$$\frac{AB}{A_1B_1}$$
= $\frac{BC}{B_1C_1}$ = $\frac{AC}{A_1C_1}$ = k , тобто $AB = kA_1B_1$, BC = kB_1C_1 ,. Маємо:

$$\frac{P_{ABC}}{P_{A_1B_1C_1}} = \frac{kA_1B_1 + kB_1C_1 + kA_1C_1}{A_1B_1 + B_1C_1 + A_1C_1} = \frac{kP_{A_1B_1C_1}}{P_{A_1B_1C_1}} = k.$$

Задача 2

Точка перетину діагоналей трапеції ділить одну з них на відрізки завдовжки 2 см і 5 см. Менша основа трапеції дорівнює 6 см. Знайдіть середню лінію трапеції.

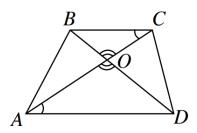
Розв'язання

Нехай у трапеції ABCD $(AD \parallel BC)$ діагоналі перетинаються в точці O, BC = 6 см (рис. 8). Розглянемо трикутники AOD і COB. У них кути при вершині O рівні як вертикальні. $_{\angle}CAD$ = $_{\angle}BCA$ як внутрішні різносторонні при паралельних прямих AD і BC та січній AC. Отже, $_{\triangle}AOD$ $_{\bigcirc}$ $_{\triangle}COB$ за двома ку-

тами. Звідси випливає, що $\frac{BC}{AD}=\frac{BO}{DO}$. Оскільки за умовою $\mathrm{BC}<\mathrm{AD}$, то

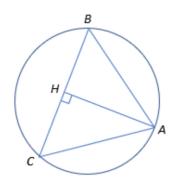
$${
m BO} < {
m OD}$$
, отже, ${
m BO} = 2$ см, ${
m OD} = 5$ см. Тоді ${
m AD} = \frac{BC \cdot DO}{BO} = \frac{6 \cdot 5}{2} = 15$ см.

Середня лінія трапеції дорівнює півсумі її основ, тобто = $\frac{(6+15)}{2cm}$ =10,5 см.



Задача 3

У колі проведено дві хорди BA і BC довжиною 10 см і 12 см відповідно. Знайти радіус кола, якщо відстань від точки A до хорди BC дорівнює 8 см.



Дано: AB = 10 см, BC = 12 см, AH = 8 см, $AH \perp BC$ Знайти R – радіус кола.

 $3 \Delta ABH$, за теоремою Піфагора, $AB^2 = AH^2 + BH^2$. $BH = 6 \ \text{cm}$.

Отже, HC = 6 см.

АН — висота і медіана.

Тоді за ознакою *ДАВС* - рівнобедрений.

$$AB = AC = 10$$
 cm.

$$S_{ABC} = \frac{1}{2}BC \cdot AH = \frac{1}{2}12 \cdot 8 = 48 \ cm^2$$

Тоді за формулою

 $S_{ABC} = \frac{abc}{4R}$ знаходимо радіус кола, описаного навколо ΔABC .

$$R = \frac{abc}{4S} = \frac{10 \cdot 10 \cdot 12}{4 \cdot 48} = \frac{25}{4}$$
 CM.

Домашнє завдання

- Опрацювати конспект
- Розв'язати задачі:
 - 1. Бісектриса кута В трикутника АВС ділить сторону АС на відрізки 24см і 27см. Знайдіть сторони АВ і ВС, якщо ВС довша ніж АВ на 5см.
 - 2. Знайдіть найбільшу висоту трикутника зі сторонами 11см, 25см і 30 см.

Джерело

Всеукраїнська школа онлайн