18.10.23 9 клас

Тема. Розв'язування систем лінійних нерівностей з однією змінною

<u>Мета.</u> Вдосконалювати вміння розв'язувати системи лінійних нерівностей з однією змінною

Пригадайте

- Що називають розв'язком системи лінійних нерівністей з однією змінною?
- Як розв'язати систему нерівностей?
- Які розв'язки може мати система нерівностей?

Довідник

Алгоритм розв'язування системи лінійних нерівностей

- 1. Розв'язати кожну з нерівностей системи
- 2. Зобразити множину розв'язків кожної з нерівностей на координатній прямій
- 3. Знайти переріз цих множин множину розв'язків системи
- 4. Записати відповідь
- Пригадаймо: якщо записуюючи проміжок, використовують квадратну дужку біля числа, то це число належить проміжку, якщо ж круглу, то навпаки — не належить.
- Якщо проміжок зображують на координатній прямій, то заповнений кружечок біля числа означає, що число належить проміжку, а не заповнений, відповідно, що не належить.

Нерівність	Проміжок	Зображення
$a \le x \le b$	[a; b]	$a \rightarrow b$
a < x < b	(a; b)	$a \longrightarrow b$
$a < x \le b$	(a; b]	- a b
$a \le x < b$	[a; b)	

Розв'язування задач

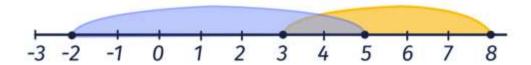
Задача 1

Зобразіть на координатній прямій і запишіть переріз проміжків: від —2 включно до 5 включно та від 3 включно до 8 включно.

Розв'язання

Ці проміжки записуються як [-2;5] і [3;8].

Кожен із цих проміжків містить обидва свої кінці, а отже, їх зображують так:



3 рисунка видно, що їх переріз — це відрізок [3; 5].

Задача 2

Зобразіть на координатній прямій і запишіть переріз проміжків: від мінус нескінченності до 3,6 включно та від 3,8 включно до плюс нескінченності.

Розв'язання

Ці проміжки записують як ($-\infty$; 3,6] та [3,8; $+\infty$).

Кожен із цих проміжків містить свої кінці, що не є нескінченністю, а отже, їх зображують так:



Оскільки ці проміжки не мають спільних точок, то їх переріз — це порожня множина.

Задача 3

Розв'яжіть систему нерівностей:

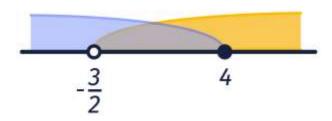
$$\begin{cases} x - 4 \le 0 \\ 2x + 3 > 0 \end{cases}$$

Розв'язання

$$\begin{cases} x - 4 \le 0 \\ 2x + 3 > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \le 4 \\ 2x > -3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \le 4 \\ x > -\frac{3}{2} \end{cases}$$



Відповідно, перерізом знайдених проміжків буде проміжок $\left(-\frac{3}{2};4\right]$.

Задача 4

Знайдіть множину розв'язків нерівності:

$$-2 \le 3x - 4 < 5$$
.

Розв'язання

Цю нерівність можна розв'язувати аналогічно до попередньої задачі, склавши систему з двох відповідних нерівностей, тобто

$$\begin{cases} 3x - 4 \ge -2 \\ 3x - 4 < 5 \end{cases}$$

Проте можна одразу розв'язувати подвійну нерівність, а саме:

$$-2 \le 3x - 4 < 5$$

$$2 \le 3x < 9$$

$$\frac{2}{3} \le x < 3$$

Відповідь:
$$(\frac{2}{3}; 3]$$
.

Задача 5

Розв'язати нерівність $5 < 2x - 7 \le 9$.

Розв'язання

Перепишемо дану подвійну нерівність у вигляді системи нерівностей:

$$\begin{cases} 2x - 7 > 5, \\ 2x - 7 \leq 9. \end{cases}$$

Розв'яжемо цю систему:

$$\begin{cases} 2x > 12, & \begin{cases} x > 6, \\ 2x \le 16; \end{cases}$$
 $\begin{cases} x > 6, \\ x \le 8; \end{cases}$ отже, $6 < x \le 8$, тобто $x \in (6; 8]$.

Відповідь: (6; 8]

Пригадайте

- Що називають розв'язком системи нерівностей?
- Як розв'язати систему нерівностей?

Домашнє завдання

- Повторити правила з §7 підручника
- Розв'язати письмово №236(1,2), №239, 242