Тема. Перетворення звичайних дробів у десяткові. Нескінчені періодичні дроби

Після цього заняття потрібно вміти:

- пояснювати, що таке нескінченний дріб;
- перетворювати звичайні дроби у десяткові і навпаки.

Пригадайте

- Що являє собою звичайний дріб?
- Як перетворити десятковий дріб у звичайний?
- В чому полягає основна властивість дробу?
- Як звести дріб до нового знаменника?

Перегляньте презентацію

https://drive.google.com/file/d/1ZPfIZD3FCYnYBVeTxpqmR9RhAjWmwsWn/view?usp=drive link

Ознайомтеся з інформацією

Перетворити звичайний дріб на десятковий можна двома способами:

1) діленням чисельника на знаменник:

$$\frac{2}{5} = 2:5 = 0,4.$$

2) множенням чисельника і знаменника на таке число, щоб знаменник рівнявся 10, 100, 1000 і т.д., за допомогою основної властивості дробу:

$$\frac{2}{5} = \frac{2 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{4}{10} = 0,4.$$

У **скінченний десятковий дріб** можна перетворити тільки ті нескоротні дроби, знаменники яких можна розкласти на прості множники 2 і 5.

$$3,27+4\frac{3}{16}=3,27+4\frac{3\cdot 625}{16\cdot 625}=3,27+4\frac{1875}{10000}=3,27+4,1875=7,4575$$

Нескінчений періодичний десятковий дріб — десятковий дріб, у якому нескінченно повторюється певна група цифр. Мінімальна група цифр, яка повторюється, називається періодом. Період записується в круглих дужках.

$$rac{8}{9}=8:9=0,\!88888...=0,\!(8)$$
. Цифра (8) — період дробу.
$$rac{29}{110}=29:110=0,\!26363...=0,\!2(63)$$
. Група цифр (63) — період дробу.

Якщо в десятковий дріб потрібно перетворити мішане число, достатньо чисельник дробової частини поділити на знаменник і до утвореного десяткового дробу додати цілу частину мішаного числа.

Зробіть зарядку для очей

https://drive.google.com/file/d/1ctve7b-oQGMtBbp_pHHA8MGNv5zar3ox/view?usp=drive_link

Робота в зошиті

Завдання №1

Перетвори звичайний дріб у десятковий та обчисли:

1)
$$0.17 + \frac{2}{5}$$

2)
$$\frac{1}{8}$$
 - 0,01;

1)
$$0.17 + \frac{2}{5}$$
; 2) $\frac{1}{8} - 0.01$; 3) $4.72 \cdot 1 \cdot \frac{3}{20}$; 4) $2 \cdot \frac{4}{25} : 2.7$.

4)
$$2\frac{4}{25}$$
: 2,7.

Розв'язання.

1)
$$0.17 + \frac{2}{5} = 0.17 + 0.4 = 0.57$$
;

1)
$$0.17 + \frac{2}{5} = 0.17 + 0.4 = 0.57;$$
 2) $\frac{1}{8} - 0.01 = 0.125 - 0.01 = 0.115;$

3)
$$4,72 \cdot 1\frac{3}{20} = 4,72 \cdot 1,15 = 5,428$$
; 4) $2\frac{4}{25} : 2,7 = 2,16 : 2,7 = 0,8$.

4)
$$2\frac{4}{25}$$
: 2,7 = 2,16 : 2,7 = 0,8

Завдання №2

Запиши у вигляді нескінченного періодичного дробу частку:

Розв'язання.

1)
$$\frac{7}{99}$$
 = 0,(07);

$$(2)^{\frac{7}{11}} = 1,(54)$$

$$3)\frac{47}{12} = 3,91(6)$$

1)
$$\frac{7}{99}$$
 = 0,(07); 2) $\frac{7}{11}$ = 1,(54); 3) $\frac{47}{12}$ = 3,91(6); 4) $\frac{145}{270}$ = 0,5(370).

Завдання №3

Порівняй, попередньо записавши звичайні дроби у вигляді десяткових:

1)
$$\frac{1}{6}$$
 i 0,18;

2)
$$\frac{4}{11}$$
 i 0,36; 3) $\frac{5}{9}$ i $\frac{1}{2}$; 4) $\frac{15}{17}$ i $\frac{19}{20}$.

3)
$$\frac{5}{9}$$
 i $\frac{1}{2}$;

4)
$$\frac{15}{17}$$
 i $\frac{19}{20}$.

Розв'язання.

1)
$$\frac{1}{6}$$
 = 0,1(6); 0,1(6) < 0,18;

2)
$$\frac{4}{11}$$
 = 0,(36); 0,(36) > 0,36;

3)
$$\frac{5}{9}$$
 = 0,(5); $\frac{1}{2}$ = 0,5; 0,(5) >0,5;

3)
$$\frac{5}{9} = 0$$
,(5); $\frac{1}{2} = 0.5$; 0,(5) >0.5; 4) $\frac{15}{17} = 0.88235... \frac{19}{20} = 0.95$; 0.8... < 0.95.

Завдання №4

Червону стрічку завдовжки 25 м розрізали на 7 однакових частин, а зелену стрічку завдовжки 39 м розрізали на 11 однакових частин. З'ясуй, яка з отриманих частин довша — червона чи зелена?

Розв'язання.

1) 25 : 7 = 3,(571428) (м) - довжина однієї частини червоної стрічки;

2) 39 : 11 = 3,(54) (м) - довжина однієї частини зеленої стрічки;

3) 3,(571428) > 3,(54).

Відповідь: довжина частини червоної стрічки більша.

Завдання №5

Округли десяткові дроби:

1) 2,73; 3,052; 7,5789 до одиниць.

2,73 ≈ 3; 3,052 ≈ 3; 7,5789 ≈ 8;

2) 11,82; 0,4859; 11,2342 до десятих. 11,82 ≈ 11,8; 0,4859 ≈ 0,5; 11,2342 ≈ 11,2;

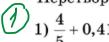
Поміркуйте

У якому випадку звичайний нескоротний дріб можна перетворити у скінченний десятковий дріб?

Домашне завдання

- Опрацювати конспект та підручник на с.52-59
- Розв'язати завдання №1-3:

Перетвори звичайний дріб у десятковий та обчисли:



1) $\frac{4}{5}$ + 0,41; 2) 1,13 - $\frac{5}{8}$; 3) $2\frac{11}{20}$ · 1,5; 4) $3\frac{7}{25}$: 0,41.



Запиши у вигляді нескінченного періодичного дробу частку:

1) 11:9;

2) 8 : 15; 3) 53 : 6;

4) 35,4:11.



Порівняй, попередньо записавши звичайні дроби у вигляді десяткових:

1)
$$\frac{7}{8}$$
 i 0,88; 2) $\frac{10}{11}$ i 0,9; 3) $\frac{8}{9}$ i $\frac{4}{5}$; 4) $\frac{13}{18}$ i $\frac{3}{4}$.

2)
$$\frac{10}{11}$$
 i 0,9

3)
$$\frac{8}{9}$$
 i $\frac{4}{5}$

4)
$$\frac{13}{18}$$
 i $\frac{3}{4}$.

Фото виконаної роботи надішліть на HUMAN або на електронну пошту nataliartemiuk.55@gmail.com