## Тема. Розв'язування задач

<u>Мета:</u> вдосконалювати вміння розв'язувати трикутники, знаходити площу трикутника та знаходити невідомі елементи трикутника із застосуванням формул площі трикутника. Підготуватися до контрольної роботи.

## Повторюємо

- Що означає розв'язати трикутник?
- Які теореми, що допомагають у розв'язуванні трикутників ви знаєте?
- Які формули для знаходження площі трикутника ви знаєте?
- Як з формули площі трикутника отримати формулу площі паралелограма?

## Розв'язування задач

### Задача 1

За допомогою формул зведення для кутів ( $180^{\circ}$ - $\alpha$ ) обчисліть синус та косинус кутів  $150^{\circ}$  і  $135^{\circ}$ 

#### Розв'язання

$$\sin(180^{\circ} - \alpha) = \sin \alpha$$

$$\cos(180^{\circ} - \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\sin 150^{\circ} = \sin(180^{\circ} - 30^{\circ}) = \sin 30^{\circ} = 0,5$$

$$\cos 150^{\circ} = \cos(180^{\circ} - 30^{\circ}) = -\cos 30^{\circ} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin 135^{\circ} = \sin(180^{\circ} - 45^{\circ}) = \sin 45^{\circ} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 135^{\circ} = \cos(180^{\circ} - 45^{\circ}) = -\cos 45^{\circ} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

### Задача 2

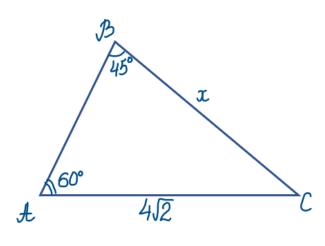
Обчисліть невідому сторону трикутника, якщо дві його сторони і кут між ними дорівнюють відповідно 3 см, 5 см і  $120^{0}$ 

#### Розв'язання

Позначимо невідому сторону за х. За теоремою косинусів маємо:

$$x^2=3^2+5^2-2\cdot3\cdot5\cdot\cos 120^\circ=9+25-30\cdot\cos \left(180^\circ-60^\circ\right)=34+30\cdot\cos 60^\circ=34+30\cdot0,5=49$$
 Тоді  $x=\sqrt{49}=7$ см.

Відповідь: 7см



### Задача 3

У трикутнику ABC, обчисліть сторону BC, якщо AC =  $4\sqrt{2}$  см,  $\angle$ B =  $45^{\circ}$ ,  $\angle$ A=  $60^{\circ}$ .

#### Розв'язання

За теоремою синусів:

$$\frac{x}{\sin 60^{\circ}} = \frac{4\sqrt{2}}{\sin 45^{\circ}}$$

$$\frac{x}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{4\sqrt{2}}{\frac{\sqrt{2}}{2}}$$

$$x=\frac{\frac{\sqrt{3}}{2}\cdot 4\sqrt{2}}{\frac{\sqrt{2}}{2}}=4\sqrt{3}\text{ cm}$$

**Відповідь:**  $4\sqrt{3}$  см

## Задача 4

Знайти радіус кола, описаного навколо трикутника ABC, якщо sin A=0,7, а сторона BC=3,5 см

#### Розв'язання

За наслідком з теореми синусів:  $\frac{BC}{\sin A} = 2R$ . Звідси  $R = \frac{BC}{2\sin A} = \frac{3.5}{2.0.7} = 2.5$ см

**Відповідь:** 2,5см

## Задача 5

Знайдіть радіус описаного та вписаного кола для трикутника, сторони якого дорівнюють 6 см, 5 см і 5 см.

#### Розв'язання

Використаємо формули для знаходження площі трикутника через радіуси вписаного кола S=pr і описаного кола  $S=\frac{abc}{4R}$ , звідки  $r=\frac{S}{p}$ ,  $R=\frac{abc}{4S}$ . Бачимо, що спочатку треба обчислити півпериметр p та площу S трикутника.

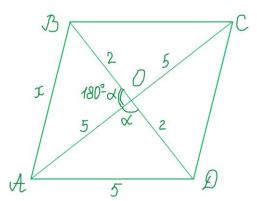
$$p = \frac{6+5+5}{2} = 8$$
cm

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \sqrt{8(8-6)(8-5)(8-5)} = \sqrt{8\cdot 2\cdot 3\cdot 3} = \sqrt{4\cdot 2\cdot 2\cdot 3\cdot 3} = 2\cdot 2\cdot 3 = 12$$
см² – за формулою Герона.

$$r = \frac{s}{n} = \frac{12}{8} = 1,5$$
 cm,  $R = \frac{abc}{4s} = \frac{6.5.5}{4.12} = \frac{25}{8} = 3\frac{1}{8}$  cm.

**Відповідь:**  $3\frac{1}{8}$ *см* і 1,5*см* 

## Задача 6



Діагоналі паралелограма дорівнюють 4см і 10см, а одна зі сторін — 5см. Знайдіть другу сторону паралелограма.

#### Розв'язання

За теоремою косинусів:  $\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$ 

B 
$$\triangle$$
AOD:  $\cos \alpha = \frac{AO^2 + OD^2 - AD^2}{2AO \cdot OD} = \frac{25 + 4 - 25}{2 \cdot 5 \cdot 2} = 0,2$ 

B 
$$\triangle$$
AOB:  $\cos(180^{\circ} - \alpha) = -\cos \alpha = -0.2$ 

$$AB^2 = 0B^2 + A0^2 - 20B \cdot A0 \cdot \cos(180^\circ - \alpha)$$

$$x^2 = 4 + 25 - 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot (-0.2) = 29 + 4 = 33, x = \sqrt{33} = AB.$$

**Відповідь:** √33см

## Поміркуйте

Чи є інший спосіб розв'язування задачі 6?

# Домашнє завдання

- Опрацювати конспект
- Розв'язати задачу:

Основа рівнобедреного трикутника дорівнює 24 см, а проведена до неї висота - 16 см. Обчисліть радіус кола, вписаного в трикутник.

## Джерела

- На урок
- Всеосвіта