Тема. Повторення. Розв'язування рівнянь, нерівностей та їх систем

Вчитель: Артемюк Н.А.

Мета. Вдосконалювати вміння розв'язувати рівняння, нерівності та їх системи

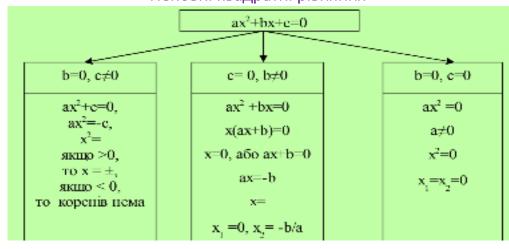
Пригадайте

- Які види рівнянь ви навчились розв'язувати?
- Що означає розв'язати рівняння?
- Які види нерівностей ви навчились розв'язувати?
- Які розв'язки може мати нерівність?
- Що означає розв'язати систему рівнянь?
- Які способи розв'язування систем рівнянь вам відомі?
- Що є розв'язком системи нерівностей?

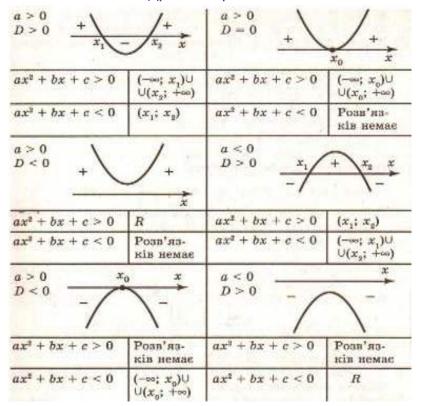
Довідник

- Квадратним рівнянням називають рівняння виду $ax^2 + bx + c = 0$, де x 3 змінна, a, b і c деякі числа, причому $a \neq 0$.
- Дискримінант квадратного рівняння D = b² 4ac:
 - D < 0 означає, що коренів немає;
 - D = 0 означає, що є рівно один корінь x₁ = − b/2a;
 - D > 0 означає, що є два корені $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$.
- **Теорема Вієта**. Якщо у квадратного рівняння $ax^2 + bx + c = 0$ є два корені x_1, x_2 , то для них виконується $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}, \ x_1x_2 = \frac{c}{a}$.
- Обернена теорема Вієта. Якщо числа x_1 і x_2 такі, що $x_1+x_2=-\frac{b}{a}, \ x_1x_2=\frac{c}{a}$, то ці числа є коренями квадратного рівняння $ax^2+bx+c=0$.
- Розв'язок за допомогою дискримінанта дає вичерпну інформацію про корені (іх кількість та значення), але потребує певних обчислень.
- Обернена теорема Вієта дає змогу в деяких випадках швидко підібрати корені, не виконуючи багато обчислень.
- Рівняння виду ax⁴ + bx² + c = 0, де x змінна, a, b і c деякі числа, причому a ≠ 0, називають біквадратним рівнянням.
- Для розв'язку біквадратного рівняння використовують метод заміни змінної: $x^2 = t$, тоді $ax^4 + bx^2 + c = 0$ перетворюється на $at^2 + bt + c = 0$, що є звичайним квадратним рівнянням.

Неповні квадратні рівняння



Квадратні нерівності



Перегляньте відео, зробіть конспект

https://youtu.be/VGb6OB5ybyo

Виконайте вправи

- https://wordwall.net/resource/14170596
- https://wordwall.net/resource/27559233

Розв'язування задач

Завдання 1

- 1. Розв'яжіть нерівності:
- 1) $x^2 \le 25$;
- $x^2 \ge 25$. 2)

Розв'язання:

1)
$$x^2 \le 25$$
;
 $x^2 - 25 \le 0$;
 $(x - 5)(x + 5) \le 0$;

$$(x-5)(x+5) = 0;$$

2)
$$x^2 \ge 25$$
;
 $x^2 - 25 \ge 0$;
 $(x - 5)(x + 5) \ge 0$;

$$(x-5)(x+5) = 0;$$

 $x_1 = 5, x_2 = -5.$

 $a = 1 > 0 \Rightarrow$ вітки вгору.

Див. рис. 1.

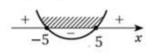


Рис. 1 [-5; 5]

 $a = 1 > 0 \Rightarrow$ вітки вгору.

Див. рис. 2.

Відповідь: 1) [-5; 5]; 2) $(-∞; -5] \cup [5; +∞)$.

Завдання 2

2. Розв'яжіть нерівність $x^2 + x(1 - \sqrt{5}) < \sqrt{5}$.

Розв'язання:

$$x^2 + x(1 - \sqrt{5}) < \sqrt{5};$$

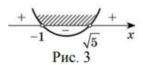
$$x^2 + x(1-\sqrt{5}) - \sqrt{5} = 0$$
,

за теоремою, оберненою до теореми Вієта, маємо:

$$x_1 = \sqrt{5}, \ x_2 = -1.$$

 $a = 1 > 0 \implies$ вітки вгору.

Див. рис. 3.



Відповідь: $(-1; \sqrt{5})$.

Задача 3

Розв'яжіть систему нерівностей:

$$\begin{cases} x - 4 \le 0 \\ 2x + 3 > 0 \end{cases}$$

Розв'язання

$$\begin{cases} x - 4 \le 0 \\ 2x + 3 > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \le 4 \\ 2x > -3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \le 4 \\ x > -\frac{3}{2} \end{cases}$$



Відповідно, перерізом знайдених проміжків буде проміжок $\left(-\frac{3}{2};4\right]$.

Задача 4

Розв'яжіть нерівність:

1)
$$|x-2| \le 3.6$$

2)
$$|x+3| > 9$$

Розв'язання

1)
$$|x - 2| \le 3.6$$

$$\begin{cases} x - 2 \ge -3.6 & \begin{cases} x \ge -3.6 + 2 & \begin{cases} x \ge -1.6 \\ x - 2 \le 3.6 & \end{cases} & \begin{cases} x \le 3.6 + 2 & \begin{cases} x \ge -1.6 \\ x \le 5.6 & \end{cases} \end{cases}$$



Відповідь: [-1,6; 5,6]

Домашне завдання

Пройдіть тестування: https://naurok.com.ua/test/join?gamecode=9039105

Джерела

- А.І. Гончар Цикл уроків повторення з алгебри для 9 класу з використанням інтерактивних технологій (з теоретичним обґрунтуванням). Лозова, 2011. в 64 с
- Всеукраїнська школа онлайн, курс алгебри 9 класу