

20 24 p.

16\_\_\_\_\_\_ лютого\_\_\_\_\_\_\_ 20\_24\_\_ р

Вчитель: Родіна А.О.

[ дата ]

Тема: Коло і круг

Мета:

- *Навчальна*: пригадати та закріпити означення кола і круга, поглибити знання про коло і круг; розглянути та довести теореми (про порівняння діаметра і хорди; кут, під яким видно відрізок з точки кола; властивість діаметра кола, перпендикулярного до хорди)
- Розвиваюча: розвивати вміння аналізувати отримані знання, правильно користуватися креслярським приладдям;
- Виховна: виховувати інтерес до вивчення точних наук;

#### Компетенції:

- математичні
- комунікативні

Тип уроку: засвоєння нових знань;

Обладнання: конспект, презентація, мультимедійне обладнання;

#### Хід уроку

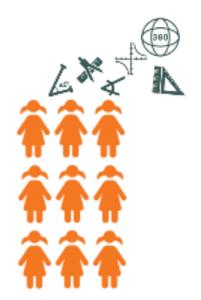
### І. Організаційний етап

- Привітання
- Перевірка присутніх на уроці
- Перевірка виконання д/з
- Налаштування на роботу

# **II.** Вивчення нового матеріалу

- ▶ Пригадайте з попередніх класів, в чому різниця між колом і кругом? (Учні висловлюють власну думку)
- ➤ Попросимо хлопчиків стати в коло, а дівчаток в круг













Пригадайте, що таке радіус кола? Як у попередніх класах ви будували коло із заданим радіусом? (Учні висловлюють власну думку)

Для побудови нам знадобляться:



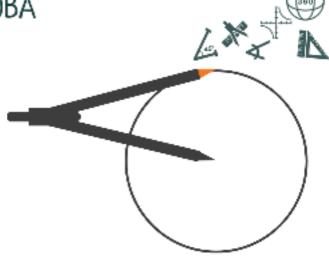


Лінійка

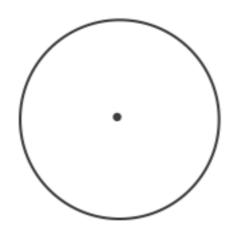
1. Зафіксуємо циркулем вказаний радіус. Наприклад, 3 см



2. Побудуємо коло з радіусом 3 см

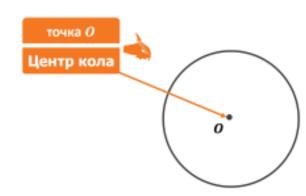


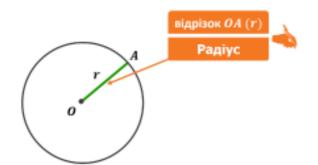
// Коло



**Колом** називається геометрична фігура, яка складається з усіх точок площини, рівновіддалених від даної точки.

**Центр кола** – це задана точка, від якої рівновіддалені усі точки цієї геометричної фігури (кола).

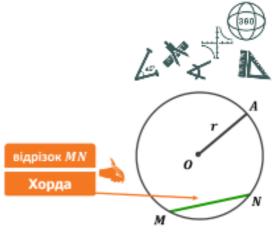


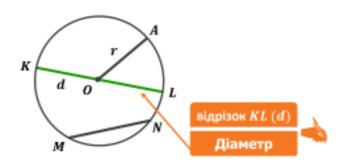


**Радіус** — це відрізок, що сполучає центр з будь-якою точкою кола (padiyc, як правило, позначають літерою <math>r або R)



**Хорда** – це відрізок, що сполучає дві точки кола



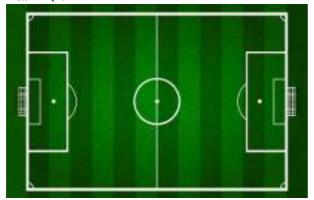


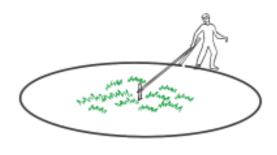
**Діаметр** — це хорда, що проходить через центр кола (діаметр кола, як правило, позначають літерою d)

- ightharpoonup Чи  $\epsilon$  діаметр хордою? (Так)
- У скільки разів діаметр більший за радіус? (Діаметр більший за радіус у два рази)

$$d = 2r$$

Як побудувати рівне коло на футбольному полі за допомогою мотузки і палиці?





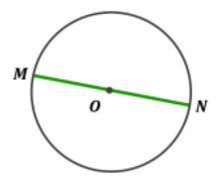
Приклад побудови кола на місцевості

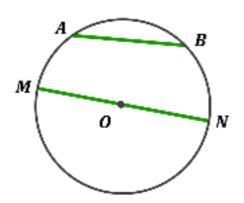




Як можна назвати найбільшу хорду у колі? (Діаметр)

**Теорема** (про порівняння діаметра і хорди) Діаметр  $\epsilon$  найбільшою з хорд





Дано:

MN — діаметр кола r — радіус кола AB — хорда

Довести:

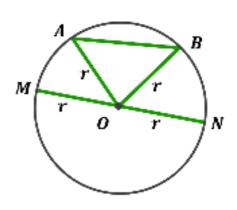
MN > AB

# Доведення:

Розглянемо ΔАОВ:

$$AB < AO + OB$$
 (за теоремою про   
 нерівність трикутника)   
  $\to AB < 2r$ 

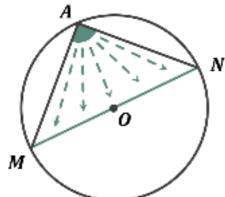
$$\begin{vmatrix} AB < 2r \\ MN = 2r \end{vmatrix} \to MN > AB$$



Доведено

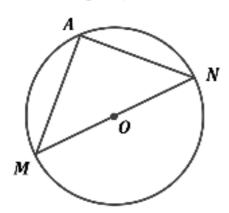






Кут MAN — це **кут, під яким видно відрізок** MN з точки A

**Теорема** (про кут, під яким видно діаметр з точки кола) Діаметр з будь-якої точки кола видно під прямим кутом



Дано:

*MN* – діаметр кола;

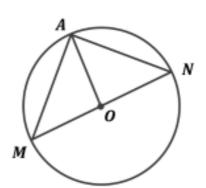
A — довільна точка кола;

Довести:

 $\angle MAN = 90^{\circ}$ 

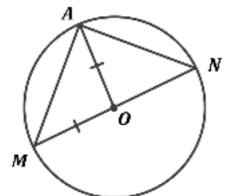
#### Доведення:

ightharpoonup Поясніть, чому OM = OA? (Учні висловлюють власну думку)









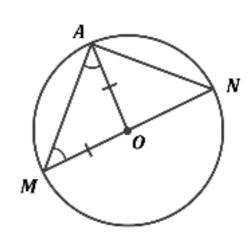
Розглянемо  $\Delta MOA$ : OM = OA (як радіуси)  $\rightarrow \Delta MOA$  – рівнобедрений;

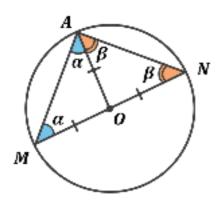
ightharpoonup Поясніть, чому  $\angle OMA = \angle OAM$ ? (Учні висловлюють власну думку)

 $\Delta MOA$  — рівнобедрений →  $\angle OMA$  =  $\angle OAM$  (як кути при основі рівнобедреного трикутника)

ightharpoonup Поясніть, чому  $\angle OMA = \angle OAM$ ? (Учні висловлюють власну думку)

$$\angle ONA = \angle OAN$$
 (аналогічно з  $\triangle AON$  як із  $\triangle MOA$ )





Нехай

$$\angle OMA = \angle OAM = \alpha$$
  
 $\angle ONA = \angle OAN = \beta$ 

Розглянемо  $\Delta MAN$ :

ightharpoonup Поясніть, чому  $\angle M + \angle MAN + \angle N = 180^{\circ}$ ?

(За теоремою про суму кутів трикутника)

ightharpoonup За якою властивістю ∠*MAN* = α + β? (За основною властивістю вимірювання кутів)

$$\angle M + \angle MAN + \angle N = 180^{\circ}$$

$$\angle M = \alpha$$

$$\angle N = \beta$$

$$\angle MAN = \alpha + \beta$$

$$\rightarrow 2\alpha + 2\beta = 180^{\circ}$$



# fxπ Matematuka HOBA √x ½ [EOMETPIЯ, 7 KЛAC

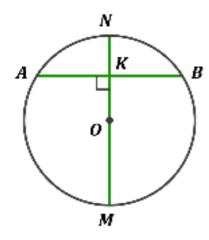
$$2\alpha + 2\beta = 180^{\circ}$$
$$2(\alpha + \beta) = 180^{\circ}$$
$$\alpha + \beta = \frac{180^{\circ}}{2} = 90^{\circ}$$

$$\angle MAN = \alpha + \beta$$
 $\alpha + \beta = 90^{\circ}$ 
 $\Rightarrow \angle MAN = 90^{\circ}$ 



Доведено

Теорема (властивість діаметра кола, перпендикулярного до хорди) Діаметр кола, перпендикулярний до хорди, ділить її навпіл



Дано:

MN — діаметр кола

AB — хорда, що не  $\epsilon$  діаметром

 $MN \perp AB$ 

 $MN \cap AB = K$ 

Довести:

$$AK = KB$$

# Доведення:

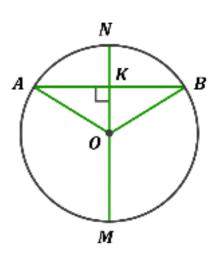
 $\triangleright$  Поясніть, чому  $\triangle AOB$  — рівнобедрений? (Учні висловлюють власну думку)

$$AO = OB \ (як \ padiycu) \rightarrow \Delta AOB -$$
 рівнобедрений

> Що ви знаєте про висоту рівнобедреного трикутника?

(Висота рівнобедреного трикутника, проведена до основи,  $\epsilon$  медіаною і бісектрисою)

$$\Delta AOB$$
 — рівнобедрений  $\rightarrow OK$  — висота, медіана і бісектриса  $\rightarrow AK = KB$ 

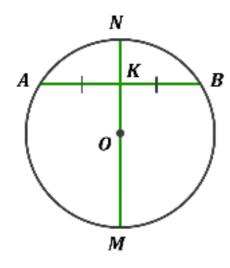


Доведено





**Теорема** (властивість діаметра кола, що проходить через середину хорди) Діаметр кола, що проходить через середину хорди, яка не є діаметром, перпендикулярний до цієї хорди.



Дано:

*MN* – діаметр кола

K — середина хорди AB

Довести:

 $MN \perp AB$ 

#### Доведення:

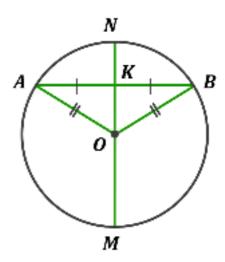
ightharpoonup Поясніть, чому  $\Delta AOB$  — рівнобедрений? (Учні висловлюють власну думку)

AO = OB (як радіуси)  $\rightarrow \Delta AOB$  – рівнобедрений;

Що ви знаєте про медіану рівнобедреного трикутника?

(Медіана рівнобедреного трикутника, проведена до основи, є висотою і бісектрисою)

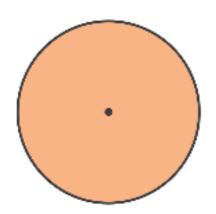
 $\Delta AOB$  — рівнобедрений  $\rightarrow OK$  — медіана, висота і бісектриса  $\rightarrow MN \perp AB$ 



Доведено



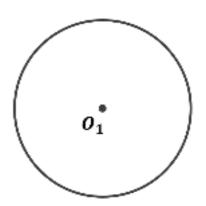




**Круг** – це коло разом з його внутрішньою областю.

**Центр, радіус, діаметр, хорда круга** — це відповідно центр, радіус, діаметр, хорда кола, яка є межею даного круга.

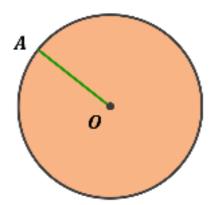
ightharpoonup Чи належить центр кола  $O_1$  колу? (*Hi*)



0\*

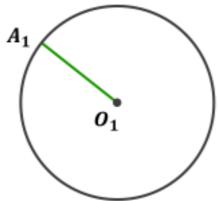
Чи належить центр круга *О* кругу?(Так)

Учи належить радіус круга − кругу?
(Так)



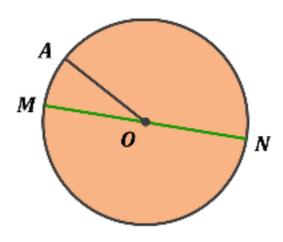


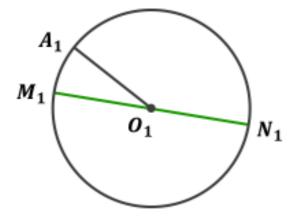




Чи належить радіус кола – колу?(Hi)

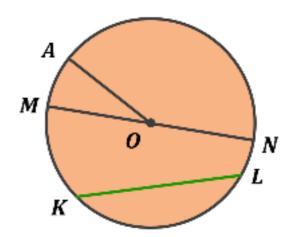
Учи належить діаметр круга − кругу? (Так)





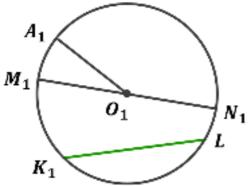
Чи належить діаметр кола – колу?(Hi)

Чи належить хорда круга – кругу? (Так)



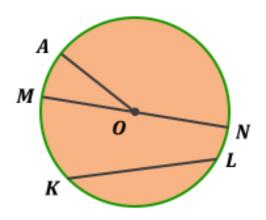






Чи належить хорда кола – колу?(*Hi*)

Чи належить коло, що обмежує круг – кругу? (Так)



# III. Закріплення нових знань та вмінь учнів

**№**1

Обчисліть діаметр кола, якщо його радіус дорівнює:

- 1) 7 cm;
- 2) 3,7 см;

#### Розв'язання:

Так як d = 2r, то:

- 1)  $d = 2 \cdot 7 = 14$  cm
- 2)  $d = 2 \cdot 3.7 = 7.4 \text{ cm}$

Відповідь: 1) 14 см; 2) 7,4 см

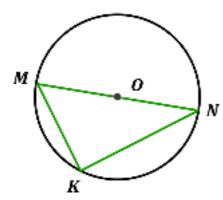
**№**2

Накресліть коло, радіус якого дорівнює 4 см. Проведіть у ньому діаметр MN та хорду MK. Знайдіть  $\angle NKM$ .





#### Розв'язання:



Так як діаметр з будь-якої точки кола видно під прямим кутом, то:

$$\angle MKN = 90^{\circ}$$

**В**ідповідь:  $\angle MKN = 90$ 

**№**3

Радіус кола дорівнює 4 см. Чи може хорда кола дорівнювати:

1) 2 cm

2) 3 cm

3) 3,5 см

4) 4 cm

5) 7 cm

6) 8,2 см

#### Розв'язання:

Хорда кола не може бути більшою за діаметр. Діаметр даного кола дорівнює:

$$d = 2r = 2 \cdot 4 = 8 \text{ cm}$$

Отже хорда не може бути більшою за 8 см, тому:

1) так; 2) так; 3) так; 4) так; 5) так; 6) ні

**№**4

На рисунку точка O — центр кола. Знайдіть градусну міру:

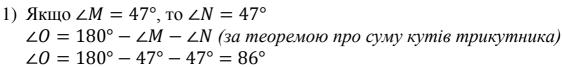
- 1) Кута O, якщо  $\angle M = 47^{\circ}$
- 2) Кута N, якщо ∠ $0 = 94^{\circ}$

#### Розв'язання:

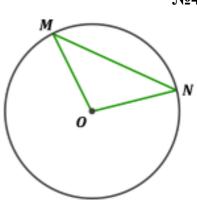
Розглянемо  $\Delta MON$ :

$$OM = ON$$
 (як радіуси)  $\rightarrow \Delta MON -$  рівнобедрений;

$$\Delta MON$$
 – рівнобедрений →  $∠M = ∠N$ 



2) Якщо $\angle O = 94^\circ$  і  $\angle M = \angle N$  ( $\triangle MON$  – рівнобедрений), то:







$$\angle M = \angle N = \frac{180^{\circ} - \angle O}{2} = \frac{180^{\circ} - 94^{\circ}}{2} = \frac{86^{\circ}}{2} = 43^{\circ}$$

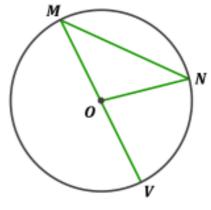
Відповідь: 1) 86°; 2) 43°

№5

На рисунку точка O – центр кола, ∠NOV = 42°. Знайдіть ∠*NMV*.

> Скількома способами можна розв'язати це завдання?

(Можемо скористатися теоремою npo властивість зовнішнього кута трикутника або завдання довшим розв'язати це знайшовши спочатку кут MON за теоремою про властивість суміжних кутів, а потім знайти



необхідний кут за допомогою теореми про суму кутів трикутника)

#### Розв'язання:

Розглянемо  $\Delta MON$ :

$$OM = ON \; (як\; paðiycu) \to \Delta MON -$$
рівнобедрений;  $\Delta MON -$  рівнобедрений  $\to \angle M = \angle N$ 

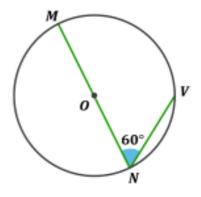
$$\angle NOV$$
 — зовнішній кут  $\Delta MON \rightarrow \angle NOV = \angle M + \angle N$ 

Відповідь: 21°





У колі на рисунку MN — діаметр,  $\angle MNV = 60^{\circ}$ , NV = 4 см. Знайдіть діаметр кола.



# 0 90° V

#### Розв'язання:

Побудуємо хорду MV і розглянемо  $\Delta MVN$ : MN діаметр  $\rightarrow \angle MVN = 90^{\circ}$  (за теоремою про кут, під яким видно діаметр з точки кола)  $\angle MVN = 90^{\circ} \rightarrow \Delta MVN -$  прямокутний;

$$\angle M = 180^{\circ} - \angle V - \angle N$$
 (за теоремою про суму кутів трикутника)  $\angle M = 180^{\circ} - 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}$ 

Так як катет прямокутного трикутника, що лежить проти кута 30°, дорівнює половині гіпотенузи, то:

$$MV = 2NV = 2 \cdot 4 = 8 \text{ cm}$$

Відповідь: 8 см

# **IV.** Підсумок уроку

- Сформулюйте означення кола. У чому різниця між колом і кругом
- Поясніть, що таке радіус, діаметр і хорда кола
- За якої умови хорда може бути одночасно і діаметром?
- Під яким кутом діаметр видно з будь-якої точки кола(окрім точок, що є кінцями діаметра)?
- Сформулюйте властивість діаметра кола, перпендикулярного до хорди
- Сформулюйте властивість діаметра кола, що проходить через середину хорди

# V. Домашнє завдання

Вивчити теорію по темі