01.04.23 9Б клас Вчитель: Артемюк Н.А.

Тема. Основні правила комбінаторики

<u>Мета.</u> Вдосконалювати вміння розв'язувати комбінаторні задачі, обираючи відповідне правило

Повторюємо

- Що вивчає комбінаторика?
- Які основні правила комбінаторики ви знаєте?
- В яких випадках застосовується правило суми? Наведіть приклади.
- В яких випадках застосовується правило добутку? Наведіть приклади.

Пам'ятай!

- Правило суми: якщо множина А складається з m елементів, а множина В з k елементів, причому ці множини не мають спільних елементів, то вибір «х або у», де х належить А, у належить В, можна здійснити m + k способами.
- Правило добутку: якщо елемент х можна вибрати m способами i після кожного такого вибору елемент у можна вибрати k способами, то вибір «х та у» у вказаному порядку можна здійснити mk способами.
- Кількість способів переставити n об'єктів дорівнює n! = n X (n - 1) X (n - 2) X ... X 1.

Розв'язування задач

Задача 1

Скільки можна утворити різних чотирицифрових чисел, використовуючи лише такі цифри:

Пункт A) 1, 2, 3, 4?

Пункт Б) 0, 1, 2, 3?

Цифри в числах можуть повторюватися.

Розв'язання.

A)

4 x 4 x 4 x 4 = 256, адже на кожну позицію, незалежно від вже обраних цифр, є 4 варіанти різних цифр.

Б)

 $3 \times 4 \times 4 \times 4 = 192$, адже на першу позицію є 3 варіанти (0 не може бути у розряді одиниць тисяч чотирицифрового числа), а на інші — по 4 варіанти.

Задача 2

В естафеті бере участь 5 учнів. Скількома способами вони можуть вишикуватися в ряд?

Розв'язання.

На перше місце є 5 варіантів поставити учня, на друге — 4 варіанти (будьякий учень окрім того, що вже стоіть на першому місці), на третє — 3 варіанти, на четверте — 2 та на п'яте — 1.

Відповідно, всього способів 5! = $5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$

Задача 3

У Петра є 5 карток, на яких написано 1, 1, 2, 3, 4. Скільки різних п'ятицифрових чисел Петро може скласти з цих карток?

Розв'язання.

Для початку уявімо, що всі картки різні. Тоді їх можна переставити 5! = 120 способами. Але не всі перестановки дадуть різні числа, адже переставивши картки з одиницями місцями, ми отримуємо іншу перестановку карток, але одне й те ж число.

Оскільки є 2! = 2 варіанти переставити картки з одиницями, то кожне утворене число ми порахували двічі. Відповідно різних чисел буде 5!/2 = 120/2 = 60.

Задача 4

Скільки існує різних комбінацій для кодового замка з 4 цифр, якщо:

- А) використано усі 10 цифр та цифри можуть повторюватись?
- Б) остання цифра у кодовому замку 7?
- В) серед цифр кодового замка є хоча б одна цифра 2?

Розв'язання.

Α.

Для першої цифри ϵ 10 варіантів — від 0 до 9,

для кожного варіанту першої є 10 варіантів — для другої цифри,

для кожного варіанту перших двох ϵ 10 варіантів — для третьої цифри,

і для кожного варіанту перших трьох є теж 10 варіантів вибору четвертої цифри.

Тому, за правилом добутку, всього комбінацій буде 10 в четвертому степені, що дорівнює 10 000.

Якщо остання цифра 7, то нам потрібно обрати лише перші три цифри. Аналогічно до пункту А, за правилом добутку, всього варіантів буде 10 в третьому степені, що дорівнює 1000.

В.

Порахуймо кількість комбінацій, що не містять в собі жодної цифри 2. Для кожної з цифр буде 9 можливих варіантів.

Тоді за правилом добутку, оскільки всього цифр 4, то загальна кількість комбінацій буде 9 в четвертому степені, що дорівнює 6561.

Щоб отримати комбінації, в яких є хоча б одна цифра 2, потрібно з усіх комбінацій забрати ті, в яких немає жодної цифри 2.

Відповідно, отримуємо, що кількість шуканих комбінацій становить 10 000 (тобто загальна кількість комбінацій) відняти 6561 (тобто кількість комбінацій без цифри 2), що дорівнює 3 439.

Поміркуйте

Уявімо програму, що може відповідати на довільне запитання трьома варіантами: «Так», «Ні», «Можливо». Скільки різних відповідей можна отримати на 10 запитань, якщо програма вибирає відповіді навмання?

Домашне завдання

- Опрацювати конспект
- Розв'язати завдання:
- 1. Скільки різних трицифрових чисел, усі цифри яких різні, можна утворити із цифр 1,2,4,5? (8 балів)
- 2. Скільки є різних трицифрових чисел, усі цифри яких парні? (4 бали)

Фото виконаного завдання надіслати на HUMAN або на електронну пошту nataliartemiuk.55@gmail.com

Джерело

• Всеукраїнська школа онлайн