Тема. Тотожні перетворення виразів, що містять квадратні корені

Мета: вчитися виконувати тотожні перетворення виразів, що містять квадратні корені.

Пригадайте

- Що називають арифметичним квадратним коренем з числа?
- Що означає добути квадратний корінь з числа?
- Які властивості квадратних коренів вам відомі?

Повторюємо

Формули скороченого множення

- https://wordwall.net/uk/resource/12846934
- https://wordwall.net/uk/resource/28807689

Перегляньте відео

https://youtu.be/kL_lhGsM5AA

Робота в зошиті

Завдання 1

Спростити вираз

Розв'язання

1.
$$10\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 7\sqrt{3}$$

3.
$$\sqrt{400a} - \sqrt{64a} - \sqrt{121a} = \sqrt{20^2 \cdot a} - \sqrt{8^2 \cdot a} - \sqrt{11^2 \cdot a} = 20\sqrt{a} - 8\sqrt{a} - 11\sqrt{a} = \sqrt{a}$$

$$\sqrt{500} - \sqrt{45} - \sqrt{20} = \sqrt{100 \cdot 5} - \sqrt{9 \cdot 5} - \sqrt{4 \cdot 5} = 10\sqrt{5} - 3\sqrt{5} - 2\sqrt{5} = 5\sqrt{5}$$

4.
$$\frac{30\sqrt{6}}{\sqrt{10} \cdot \sqrt{12}} \cdot \sqrt{5} = \frac{30 \cdot \sqrt{3} \cdot 2 \cdot \sqrt{5}}{\sqrt{2} \cdot 5 \cdot \sqrt{4} \cdot 3} = \frac{30 \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{5}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{5} \cdot 2 \cdot \sqrt{3}} = \frac{30}{2} = 15$$

Завдання 2

Виконати множення

Розв'язання

$$\mathbf{1.} \left(\sqrt{63} - \sqrt{28} \right) \cdot \sqrt{7} = \sqrt{63} \cdot \sqrt{7} - \sqrt{28} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{63 \cdot 7} - \sqrt{28 \cdot 7} = \sqrt{9 \cdot 7 \cdot 7} - \sqrt{4 \cdot 7 \cdot 7} = 3 \cdot 7 - 2 \cdot 7$$

$$= 21 - 14 = 7$$

2.
$$(4 - \sqrt{13})(\sqrt{13} - 3) = 4 \cdot \sqrt{13} - 4 \cdot 3 - \sqrt{13} \cdot \sqrt{13} + 3 \cdot \sqrt{13} = 4\sqrt{13} - 12 - 13 + 3\sqrt{13} = 7\sqrt{13} - 25$$

Завдання 3

Розкласти на множники

Розв'язання

1.
$$6^2 - (\sqrt{a})^2 = (6 - \sqrt{a})(6 + \sqrt{a})$$

2.
$$9-12\sqrt{t}+4t=3^2-2\cdot 3\cdot 2\sqrt{t}+\left(2\sqrt{t}\right)^2=(3-2\sqrt{t})^2)^2$$

3.
$$2r - \sqrt{7r} = 2(\sqrt{r})^2 - \sqrt{7} \cdot \sqrt{r} = \sqrt{r}(2\sqrt{r} - \sqrt{7})$$

Завдання 4

Скоротити дріб

Розв'язання

1.
$$\frac{\sqrt{a} + 4\sqrt{b}}{a + 8\sqrt{ab} + 16b} = \frac{\sqrt{a} + 4\sqrt{b}}{\left(\sqrt{a}\right)^2 + 2\cdot\sqrt{a}\cdot4\sqrt{b} + \left(4\sqrt{b}\right)^2} = \frac{\sqrt{a} + 4\sqrt{b}}{\left(\sqrt{a} + 4\sqrt{b}\right)^2} = \frac{1}{\sqrt{a} + 4\sqrt{b}}$$

Поміркуйте

Розкрийте дужки: $(\sqrt{x} - 2y)^2$

Домашне завдання

Розв'язати завдання №5

Спростити вираз:

$$\sqrt{75b} - \sqrt{27b} - \sqrt{12b}$$

$$2\sqrt{5}\cdot(4\sqrt{3}-\sqrt{12})$$

$$\frac{18\sqrt{75}}{\sqrt{6}\cdot\sqrt{45}} \cdot \sqrt{10}$$

$$(2\sqrt{7}-3)(2\sqrt{7}+3)$$

Фото виконаної роботи надішліть на HUMAN або на електронну пошту nataliartemiuk.55@gmail.com