Тема. Повторення. Розв'язування прямокутних трикутників

Мета. Вдосконалювати вміння розв'язувати трикутники.

Повторюємо

- Що означає розв'язати трикутник?
- Які види задач на розв'язування трикутників вам відомі?
- Що таке синус, косинус, тангенс гострого кута прямокутного трикутника?

Виконайте вправу

Повторюємо: теорема Піфагора

Розв'язування задач

Задача 1

Розв'язати прямокутний трикутник за катетом і гострим кутом.

Дано:
$$\triangle ABC$$
, $\angle C = 90^\circ$; $BC = 4$ см; $\angle B = 15^\circ$.

3 найти: $\angle A$; AC ; AB .

1. $\angle A = 90^\circ - \angle B = 90^\circ - 15^\circ = 75^\circ$.

2. $\cos B = \frac{BC}{AB}$;
$$AB = \frac{BC}{\cos B};$$

$$AB = \frac{4}{\cos 15^\circ} \approx \frac{4}{0,966} \approx 4,14 \text{ см}.$$

3. $\operatorname{tg} B = \frac{AC}{BC}$;
$$AC = BC \cdot \operatorname{tg} B$$
;
$$AC = 4 \cdot \operatorname{tg} 15^\circ \approx 4 \cdot 0,268 \approx 1,07 \text{ см}.$$

Відповідь: $\angle A = 75^\circ$; $AC \approx 1,07$ см; $AB \approx 4,14$ см.

Задача 2

Розв'язати прямокутний трикутник за двома катетами.

Дано:
$$\triangle ABC$$
, $\angle C=90^\circ$; $AC=3$ см; $BC=16$ см.
Знайти: $\angle A$; $\angle B$; AB .
 1. $AB=\sqrt{AC^2+BC^2}$; $AB=\sqrt{3^2+16^2}=\sqrt{9+64}=\sqrt{73}\approx 8,54$ см.
2. $\mathrm{tg}\ A=\frac{BC}{AC}$; $\mathrm{tg}\ A=\frac{16}{3}$; $\angle A\approx 79^\circ$.
3. $\angle B=90^\circ-\angle A\approx 90^\circ-79^\circ=11^\circ$.
Відповідь: $\angle A\approx 79^\circ$; $\angle B\approx 11^\circ$; $AB\approx 8,54$ см.

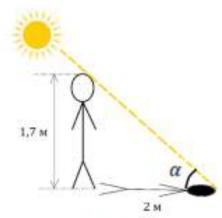
Задача 3

Розв'язати прямокутний трикутник за катетом і гіпотенузою.

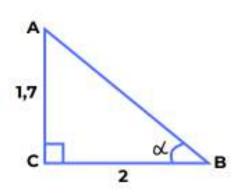
Дано:
$$\Delta ABC$$
, $\angle C=90^\circ$; $AB=9$ см; $BC=7$ см. 3найти: $\angle A$; $\angle B$; AC . 1. $AC=\sqrt{AB^2-BC^2}$; $AC=\sqrt{9^2-7^2}=\sqrt{81-49}=\sqrt{32}\approx 5,66$ см. 2. $\sin A=\frac{BC}{AB}$; $\sin A=\frac{7}{9}$; $\angle A\approx 51^\circ$. 3. $\angle A=90^\circ-\angle A\approx 90^\circ-51^\circ=39^\circ$. Відповідь: $\angle A\approx 51^\circ$; $\angle B\approx 39^\circ$; $AC\approx 5,66$ см.

Задача 4

Тінь від людини зростом 1,7 м дорівнює 2 м. Знайдіть висоту сонця над горизонтом (кут α).



Представимо схему до задачі у вигляді прямокутного трикутника ABC з катетами AC = 1,7 м та BC = 2 м.



Дано: $\triangle ABC$; $\angle C = 90^\circ$; BC = 2 м; AC = 1.7 м.

Знайти: ∠В.

Розв'язания:

$$tg B = \frac{AC}{BC}$$

$$tg B = \frac{1.7}{2}$$

Відповідь: $\alpha \approx 40^{\circ}$.

Поміркуйте

Тінь від дерева, висота якого 9 м, дорівнює 7 м. Знайдіть висоту сонця над горизонтом.

Домашне завдання

Розв'язати задачу №5.

Знайдіть довжину сходів, які побудовані під кутом 30° до горизонту та по яким можна піднятись на висоту 5 м.

Фото виконаної роботи потрібно надіслати вчителю на HUMAN або на електронну пошту nataliartemiuk.55@gmail.com

Джерело

Всеукраїнська школа онлайн