Тема. Повторення. Декартові координати і вектори на площині

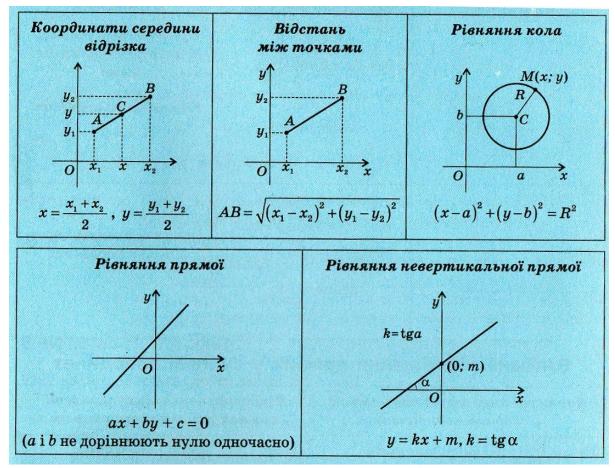
9 клас

<u>Мета:</u> вдосконалювати вміння знаходити в Декартових координатах середину та довжину відрізка, складати рівняння кола та прямої, визначати взаємне розташування векторів та виконувати дії з векторами

Повторюємо

- Що називають прямокутною системою координат?
- Як визначити координати точки в системі координат?
- Що таке вектор? Які харктеристики має вектор?
- Яким може бути взаємне розташування векторів на площині?
- Які дії можна виконувати над векторами?
- Рівняння яких фігур в Декартових координатах ви знаєте?

Довідник



Перегляньте відео

https://youtu.be/hVkddG7F82U

Виконайте вправи

- https://wordwall.net/uk/resource/31957838
- https://wordwall.net/uk/resource/53114588

Розв'язування задач

Задача 1

Вершини чотирикутника ABCD мають координати A(-2; 1), B(0; 4), C(4; 1), D(2; -2). Доведіть, що ABCD — паралелограм.

Розв'язання (1-й спосіб)

Як відомо, за ознакою паралелограма чотирикутник, діагоналі якого точкою перетину діляться навпіл, є паралелограмом. Знайдемо координати середин діагоналей АС і ВD даного чотирикутника ABCD. Середина відрізка АС має координати

$$x = \frac{-2+4}{2} = 1$$
, $y = \frac{1+1}{2} = 1$.

Середина відрізка BD має координати

$$x = \frac{0+2}{2} = 1$$
, $y = \frac{4+(-2)}{2} = 1$.

Отже, відрізки AC і BD мають спільну середину (1; 1), тобто чотирикутник ABCD — паралелограм за ознакою.

Розв'язання (2-й спосіб)

Як відомо, за ознакою паралелограма чотирикутник, протилежні сторони якого попарно рівні, є паралелограмом. Знайдемо довжини сторін чотирикутника ABCD:

AB =
$$\sqrt{(-2-0)^2 + (1-4)^2} = \sqrt{13}$$
, BC = $\sqrt{(0-4)^2 + (4-1)^2} = 5$,
CD = $\sqrt{(4-2)^2 + (1-(-2))^2} = \sqrt{13}$. AD = $\sqrt{(-2-2)^2 + (1-(-2))^2} = 5$.

Отже, AB = CO, BC = AO, тобто чотирикутник ABCO — паралелограм за ознакою

Задача 2

Визначте центр і радіус кола, заданого рівнянням $x^2-4x + y^2 + 2y -11 = 0$.

Розв'язання

Зведемо дане рівняння до вигляду $(x - a)^2 + (y - b)^2 = R^2$. Маємо:

$$x^2 - 4x + y^2 + 2y = 11$$
.

Додамо до обох частин цієї рівності числа так, щоб виділити квадрати двочленів

$$(x - a) i (y - b)$$
:

$$(x^2-4x+4)+(y^2+2y+1)=11+4+1$$

$$(x - 2)^2 + (y + 1)^2 = 4^2$$
.

Отже, дане коло має радіус 4 і центр (2; -1).

Задача 3

Складіть рівняння прямої, яка проходить через точки A(-6; -1) і B(3; 2). Розв'язання

Оскільки абсциси точок A і B не рівні, пряма AB не паралельна осі ординат. Отже, будемо шукати її рівняння у вигляді y = kx + m.

За умовою задачі координати точок A і B задовольняють шукане рівняння, тобто $\begin{cases} -1 = -6k + m, \\ 2 = 3k + m. \end{cases}$

Розв'язком системи цих рівнянь буде пара $k=\frac{1}{3}$, m=1. Таким чином, $y=\frac{1}{3}x+1$ — шукане рівняння. Зведемо його до вигляду ax+by+c=0: 3y=x+3, x-3y+3=0. Відповідь: x-3y+3=0.

Задача 4

Знайдіть координати вектора \overrightarrow{CD} та модуль, якщо $\mathcal{C}(-8;2)$, $\mathcal{D}(-4;5)$

Розв'язання

$$\overrightarrow{CD} = (-4 - (-8); 5 - 2) = (4; 3)$$

$$|\overrightarrow{CD}| = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5$$

Задача 5

Дано вектори $\vec{m}(-8;4)$ і $\vec{n}(3;5)$. Знайдіть координати вектора $\vec{p}=\frac{1}{2}\vec{m}-4\vec{n}$

Розв'язання

$$\frac{1}{2}\vec{m} = \left(\frac{1}{2}\cdot(-8); \frac{1}{2}\cdot 4\right) = (-4; 2)$$

$$4\vec{n} = (4 \cdot 3; 4 \cdot 5) = (12; 20)$$

$$\vec{p} = \frac{1}{2}\vec{m} - 4\vec{n} = (-4; 2) - (12; 20) = (-4 - 12; 2 - 20) = (-16; -18)$$

Відповідь: $\vec{p}(-16; -18)$

Задача 6

Дано вектори $\vec{a}(x;-3)$ і $\vec{b}(6;9)$. При якому значенні x вектори \vec{a} і \vec{b} :

- 1) колінеарні;
- 2) перпендикулярні.

Розв'язання

- 1) Умова колінеарності векторів: $\frac{6}{x} = \frac{9}{-3}$, звідки $x = \frac{6 \cdot (-3)}{9} = -\frac{18}{9} = -2$. Отже при x = -2 вектори \vec{a} і \vec{b} колінеарні.
- 2) Знайдемо скалярний добуток векторів \vec{a} і \vec{b} : $\vec{a} \cdot \vec{b} = x \cdot 6 + (-3) \cdot 9 = 6x 27$. Вектори \vec{a} і \vec{b} будуть перпендикулярні, якщо їх скалярний добуток буде дорівнювати 0, отже прирівняємо 6x 27 = 0, звідки x = 27: 6 = 4,5.

Відповідь: 1) при x = -2; 2) при x = 4,5

Домашне завдання

Опрацювати конспект

Джерела

- Супер урок
- На урок