25.09.2024. Алгебра Шаміна Л. С.

Урок №8

Тема. Додавання і віднімання дробів з однаковими знаменниками

Мета: домогтися засвоєння учнями змісту правила та алгоритму додавання і віднімання раціональних дробів з однаковими знаменниками та схеми доведення цього правила; сформувати вміння відтворювати вивчені правила та алгоритми, а також виконувати дії відповідно до вивчених правил та алгоритмів для виконання додавання і віднімання раціональних дробів з однаковими знаменниками.

Тип уроку. Засвоєння знань та вмінь

Наочність та обладнання: опорний конспект «Додавання і віднімання дробів».

Хід уроку

І. Організаційний етап

II. Перевірка домашнього завдання

Самостійна робота № 1 (із наступною перевіркою)

Самостина рооота № 1 (13 наступною перевіркою)	
Варіант 1	Варіант 2
1. Скоротіть дріб:	1. Скоротіть дріб:
a) $\frac{14b^3}{49b}$; 6) $\frac{x^2 - 16}{4x - 16}$; B) $\frac{y^2 - 2y + 1}{1 - y^2}$;	a) $\frac{16b}{20b^4}$; 6) $\frac{4x-12}{x^2-9}$; B) $\frac{4-y^2}{y^2-4y+4}$;
$\Gamma) \frac{x^3 - 3x^2 + 2x - 6}{x^3 - 27}.$	$\Gamma) \frac{x^3 - 8}{x^3 - 2x^3 + x - 2}$
2. Зведіть дріб:	2. Зведіть дріб:
a) $\frac{x}{2y^2}$ до знаменника $4xy^3$;	a) $\frac{m}{3n^3}$ до знаменника $9mn^4$;
б) $\frac{5}{m-n}$ до знаменника $m^2 - n^2$;	$6) \frac{3}{x+y}$ до знаменника $x^2 - y^2$;
в) $\frac{x}{3x-3y}$ до знаменника $3x^2 - 6xy + 3y^2$	в) $\frac{m}{2m+2n}$ до знаменника $2m^2+4mn+2n^2$

III. Формулювання мети й завдань уроку

IV. Актуалізація опорних знань та вмінь

Виконання усних вправ

1. Обчисліть:
$$\frac{2}{7} + \frac{1}{7}$$
; $\frac{2}{7} - \frac{1}{7}$; $\frac{11}{15} + \frac{1}{15}$; $\frac{13}{18} - \frac{5}{18}$.

2. Подайте у вигляді добутку: $25 - y^2$; $a^2 + ab$; $8 + x^3$; $1 + a^2 - 2a$; $3x^6 - 12x^2$; $b^{10} - b^6$.

3. Серед виразів знайдіть пари рівних (для зайвого — складіть тотожно рівний вираз):

а)
$$(x + y) - (a + b)$$
; б) $x + y - a + b$; в) $x + y - a - b$; г) $x + y + a - b$; д) $(x + y) - (a - b)$.

V. Засвоєння знань

План вивчення нового матеріалу

1. Правило додавання раціональних дробів з однаковими знаменниками та його доведення. Алгоритм виконання додавання раціональних дробів з

однаковими знаменниками.

- **2.** Правило віднімання раціональних дробів з однаковими знаменниками та його доведення. Алгоритм виконання віднімання раціональних дробів з однаковими знаменниками.
- 3. Приклади застосування складених алгоритмів.

Конспект 3

Додавання і віднімання раціональних дробів

1. Дроби з однаковими знаменника додають (віднімають) за правилом, що записують формулою:

Для будь-яких A, B, C, де $C \neq 0$ правильні рівності: $\frac{A}{C} + \frac{B}{C} = \frac{A+B}{C}; \frac{A}{C} - \frac{B}{C} = \frac{A-B}{C}$

2. Дроби із протилежними знаменниками додають (віднімають) за правилом, що виражається формулою:

Для будь-яких A, B, C, де $C \neq 0$ правильні рівності:

$$\frac{A}{C} + \frac{B}{-C} = \frac{A}{C} - \frac{B}{C} = \frac{A-B}{C}; \frac{A}{C} - \frac{B}{-C} = \frac{A}{C} + \frac{B}{C} = \frac{A+B}{C}$$

3. Дроби із різними знаменниками додають (віднімають за правилом, що виражається формулою:

Для будь-яких \overline{A} , B, C i D, де $B \neq 0$ і $D \neq 0$ правильні рівності:

$$\frac{A^{(D)}}{B} \pm \frac{C^{(B)}}{D} = \frac{AD}{BD} \pm \frac{BC}{BD} = \frac{AD \pm BC}{BD}$$

Причому BD — найменший спільний знаменник дробів $\frac{A}{B}$ і $\frac{C}{D}$.

! Зауваження. Після запису суми (або різниці) раціональних дробів у вигляді дробу необхідно цей дріб скоротити (записувати раціональним дробом залежно від умови завдання)

VI. Засвоєння вмінь

Виконання усних вправ

1. Перетворіть у дріб вираз:

a)
$$\frac{x}{5} + \frac{1}{5}$$
; 6) $\frac{15}{a-1} + \frac{7}{a-1}$; B) $\frac{x+3}{11} - \frac{x}{11}$; Γ) $\frac{10}{v-2} + \frac{2}{v-2}$; π) $\frac{8}{x} + \frac{3}{x}$;

$$\epsilon$$
) $\frac{a+1}{a-b} + \frac{a}{a-b}$.

2. Скоротіть дріб: а) $\frac{a^4}{a^3}$; б) $\frac{x^6}{x^{12}}$; в) $\frac{x^2y^4}{x^6y^2}$; г) $\frac{a(a-2)}{a-2}$; д) $\frac{x+4}{a^2-16}$; є) $\frac{y^2-1}{(1-y)^2}$.

3. Знайдіть допустимі значення змінної у виразах:

$$x^2-9$$
; $\frac{3}{x-6}$; $\frac{y}{y(y-3)}$; $\frac{x-1}{x^2+4}$; $\frac{a-4}{5}$; $\frac{7}{y^2-25}$.

Виконання письмових вправ

- **1.** Додавання і віднімання раціональних дробів з однаковими знаменниками (на пряме застосування алгоритмів).
 - 1) Виконайте додавання (віднімання) дробів:

a)
$$\frac{2b}{a} + \frac{3b}{a} = \frac{5b}{a}$$
;

6)
$$\frac{5n+3}{3n+1} + \frac{7n-1}{3n+1} = \frac{12n+2}{3n+1}$$

$$\mathbf{B)} \ \frac{2a-3}{xy} + \frac{4a}{xy} + \frac{3}{xy}$$

$$\Gamma) \frac{6a}{5p} - \frac{3a}{5p}$$

$$\pi = \frac{3+a}{9a} - \frac{3-a}{9a} = \frac{2a}{9a} = \frac{2}{9}$$

$$\epsilon$$
) $\frac{9}{7-b} - \frac{b+2}{7-b} = \frac{7-b}{7-b}$

2) Спростіть вираз:

a)
$$\frac{7x-2}{4x+1} + \frac{5x+2}{4x+1}$$

6)
$$\frac{a-3b}{a+b} - \frac{3a-b}{a+b} = \frac{a-3b-3a+b}{a+b} = \frac{-2a-2b}{a+b} = \frac{-2(a+b)}{a+b} = -2$$

B)
$$\frac{a-3}{3a-1} + \frac{5a+1}{3a-1}$$
;

$$\Gamma$$
) $\frac{6p}{p-2} - \frac{12}{p-2}$;

$$(\pi) \frac{5+a}{a-b} - \frac{5+b}{a-b};$$

$$\epsilon$$
) $\frac{x+4}{x-2y} + \frac{3x-4}{x-2y} = \frac{x+4+3x-4}{x-2y} = \frac{4x}{x-2y}$

- **2.** Перетворення суми або різниці раціональних дробів у раціональний нескоротний дріб (на застосування алгоритмів додавання і віднімання разом з алгоритмом скорочення раціональних дробів).
 - 1) Знайдіть значення виразу:

а)
$$\frac{b-3}{4b} + \frac{3b-1}{4b}$$
 при $b = -3$;

$$\frac{b-3+3b-1}{4b} = \frac{4b-4}{4b} = \frac{4(b-1)}{4b} = \frac{b-1}{b}$$

$$\frac{-3-1}{-3} = \frac{4}{3} = 1\frac{1}{3}$$

б)
$$\frac{7a^2-1}{3a} - \frac{a^2-1}{3a}$$
 при $a = 0.28$.

3) Спростіть вираз:

a)
$$\frac{16}{x-4} - \frac{x^2}{x-4}$$
;

6)
$$\frac{25}{a+5} - \frac{a^2}{a+5}$$
;

B)
$$\frac{3a-1}{a^2-b^2} - \frac{3b-1}{a^2-b^2} = \frac{3a-1-3b+1}{a^2-b^2} = \frac{3a-3b}{a^2-b^2} = \frac{3(a-b)}{(a-b)(a+b)} = \frac{3}{a+b}$$

$$\Gamma$$
) $\frac{x-3}{x^2-64} + \frac{11}{x^2-64}$

$$\epsilon$$
) $\frac{13x+6y}{(x+y)^2} - \frac{11x+4y}{(x+y)^2}$.

3. Знаходження значень дробового виразу з попереднім спрощенням його. Знайдіть значення виразу:

a)
$$\frac{x^2+1}{x-3} - \frac{10}{x-3}$$
 при $x = 97$;

б)
$$\frac{y+7}{y^2-25} - \frac{2y+2}{y^2-25}$$
 при $y = -5,1$.

4. Виконання вправ на повторення

1) Скоротіть дріб (усно):

а)
$$-\frac{99x}{22y}$$
; б) $\frac{216bc}{180ac}$; в) $\frac{405ac}{25ay}$; г) $\frac{18abc}{180ac}$; д) $\frac{35a^5y^4}{28a^4y^8}$; є) $\frac{7x^4y^4}{14x^4y^{14}}$.

2) Скоротіть дріб:

a)
$$\frac{17xy+34}{17(xy+34)}$$
; 6) $\frac{(3a-3c)^2}{9a^2-9c^2}$; B) $\frac{2b^2-2a^2}{(2a-2b)^2}$; Γ) $\frac{(a^2-9)^2}{(3-a)^3}$; Π) $\frac{x^2-100}{x^3+1000}$;

$$\epsilon$$
) $\frac{8y^3 - 1}{y - 4y^3}$; ж) $\frac{2x - y}{x^2 - 0.5xy}$; 3) $\frac{5a^2 - 3ab}{a^2 - 0.36b^2}$

3) Укажіть область допустимих значень виразу (усно):

a)
$$\frac{1}{x-2}$$
; 6) $\frac{3x}{x+5}$; B) $\frac{7x+1}{2x-6}$

VII. Підсумки уроку

VIII. Домашнє завдання

- 1. §3 вивчити правила додавання і віднімання раціональних дробів з однаковими знаменниками.
- 2. Виконайте дії

№1. Виконайте дії

$$\frac{3x-7y}{4xy}+\frac{15y-3x}{4xy}$$

$$\frac{5a - b^4}{6b^5} - \frac{b^4 + 5a}{6b^5}$$

$$\frac{3a-4}{8a} + \frac{4a+5}{8a} - \frac{1-a}{8a}.$$

№2. Виконайте дії

1)
$$\frac{a}{x-1} + \frac{5}{1-x}$$
;

2)
$$\frac{m}{c-3} - \frac{p}{3-c}$$
;

$$3) \frac{5x}{x-y} + \frac{5y}{y-x};$$

4)
$$\frac{10p}{2p-m} + \frac{5m}{m-2p}$$
.

№3. Знайти значення виразу

$$\frac{m^2}{2m-10} + \frac{25}{10-2m}$$
, якщо $m=25$;