Тема. Квадратна нерівність

<u>Мета.</u> Ознайомитися зі алгоритмом розв'язування квадратної нерівності та вчитися розв'язувати такі нерівності

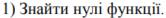
Повторюємо

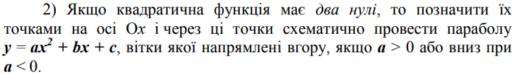
Remember!!!

- Що таке квадратна нерівність?
- Що означає графічно розв'язати квадратну нерівність?
- Як визначити нулі квадратичної функції та напрям віток її графіка?

Ознайомтеся з інформацією

Алгоритм розв'язування квадратної нерівності





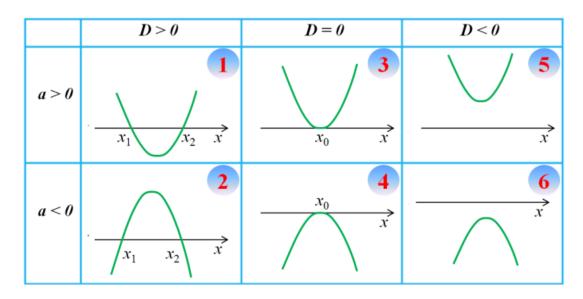
Якщо квадратична функція має *один нуль*, то позначити його точкою на осі Ox і схематично провести параболу, яка дотикається до осі Ox у цій точці, вітки параболи при цьому напрямлені вгору при a > 0 або вниз при a < 0.

Якщо квадратична функція *не має нулів*, то схематично провести параболу, розташовану у верхній півплощині з вітками, напрямленими вгору при a > 0 або у нижній півплощині з вітками, напрямленими вниз при a < 0.

3) Знайти на осі Ох проміжки, на яких значення функції задовольняють відповідну нерівність. Записати знайдені проміжки.

Наявність і кількість нулів функції визначає положення параболи $y = ax^2 + bx + c$ відносно осі абсцис. Можливі шість випадків залежно від знака дискримінанта D квадратного тричлена $ax^2 + bx + c$ і знака коефіцієнта a.

Схематичне розміщення параболи $y = ax^2 + bx + c$ відносно осі абсцис залежно від знаків чисел a і D (x_1 і x_2 — нулі функції, x_0 — абсциса вершини параболи).



Розв'язування завдань

№1. Розв'яжіть нерівність $x^2 - x - 30 < 0$.

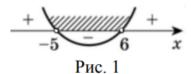
Розв'язання:

 $y = x^2 - x - 30$ — парабола, вітки якої напрямлені вгору.

$$x^2 - x - 30 = 0$$

 $x_1 = -5$, $x_2 = 6$ — нулі функції.

Див. рис. 1.



Відповідь: (-5; 6).

№2. Розв'яжіть нерівність $9x^2 - 6x + 1 \le 0$.

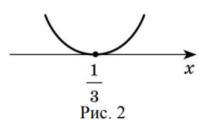
Розв'язання:

 $y = 9x^2 - 6x + 1$ — парабола, вітки якої напрямлені вгору.

$$(3x - 1)^2 = 0,$$

 $x = \frac{1}{3}$ — нуль функції.

Див. рис. 2.



Відповідь: $\frac{1}{3}$.

№3. Розв'яжіть нерівність $-4x^2 + 4x - 1 \le 0$.

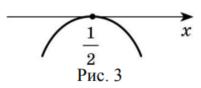
Розв'язання:

 $y = -4x^2 + 4x - 1$ — парабола, вітки якої напрямлені вниз.

$$-(2x-1)^2=0$$

 $x = \frac{1}{2}$ — нуль функції.

Див. рис. 3.



 $Bi\partial noвi\partial b: (-\infty; +\infty).$

№4. Розв'яжіть нерівність $2x - x^2 > 0$.

Розв'язання:

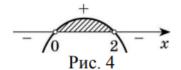
 $y = 2x - x^2$ — парабола, вітки якої напрямлені вниз.

$$2x - x^2 = 0,$$

$$x(2-x)=0,$$

 $x_1 = 0, x_2 = 2$ — нулі функції.

Див. рис. 4.



Відповідь: (0; 2).

Пригадайте

- Які нерівності називають квадратними?
- Як розв'язати квадратну нерівність?

Домашне завдання

- Опрацювати конспект
- Розв'язати нерівності

1)
$$x^2 + 3x - 28 \le 0$$
;

2)
$$-3x^2 + 7x + 6 < 0$$
;

3)
$$3x^2 + 18x \ge 0$$
;

Всеукраїнська школа онлайн