

Урок №33. МНОЖИНА. ПІДМНОЖИНА. ЧИСЛОВІ МНОЖИНИ. РАЦІОНАЛЬНІ ЧИСЛА. ІРРАЦІОНАЛЬНІ ТА ДІЙСНІ ЧИСЛА

Мета: Формувати поняття про ірраціональне число, дійсне число; розвивати в учнів уявлення про розширення поняття числа, ерудицію, інтелект учнів; виховувати стійкий інтерес до вивчення математики.

Хід уроку

Повторення

1. Як називаються числа, які використовуються при лічбі? (натуральні)
2. Назвіть найменше і найбільше натуральне число.
(найменше 1, найбільшого не існує)
3. Які з наведених чисел є натуральними: 25; 8; -7; 1; 0; -1; 9; 115; 2,5; $\frac{3}{7}$?
(25; 8; 1; 9; 115)
4. Запишіть число 3 у вигляді звичайного дробу. ($\frac{3}{1}$)
5. Запишіть числа $\frac{1}{3}$, 5, $\frac{4}{11}$ у вигляді десяткового дробу.
($\frac{1}{3} = 0,333\dots$, $5 = 5,000\dots$, $\frac{4}{11} = 0,3636\dots$)
6. Як називається десятковий дріб, який має вигляд 0,333?
(десятковий нескінченний періодичний дріб)
7. Як називаються числа, які можна подати у вигляді нескінченного десяткового дробу? (раціональні)

Виникає питання чи існують числа відмінні від раціональних? Відповідь на це питання є метою нашого уроку.

Вивчення нового матеріалу

Поняття множини – одне з основних понять математики, яке не визначається. Множину можна уявити собі як сукупність деяких об'єктів, об'єднаних за якою-небудь ознакою. При цьому передбачається, що об'єкти даної сукупності відрізняються один від одного і від предметів, що не входять до цієї сукупності.

Наведемо приклади множин.

Приклад 1. Множина книг у даній бібліотеці.

Приклад 2. Множина усіх натуральних чисел.

Приклад 3. Множина розв'язків рівняння $x^2 - 5x + 6 = 0$.

Приклад 4. Множина пір року.

2. Множини складаються з елементів. Так, елементами множин розв'язків рівняння $x^2 - 5x + 6 = 0$ є числа 2 і 3. Елементами множин одноцифрових натуральних чисел є числа 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

Множини позначаються великими літерами A, B, C, D і т.д. Якщо елемент x належить множині A, то записують $x \in A$; Якщо x не належить множині A, то записують $x \notin A$.

3. Множини позначають великими літерами латинського алфавіту. $M = \{1; 2; 3\}$;
2 M (2 є елементом даної множини M) 5 M

4. Наприклад, якщо A — множина дільників числа 30, то $5 \in A$, $10 \in A$, $7 \notin A$, $12 \notin A$ тощо.

Поняття числа з'явилося в стародавні часи. Воно є одним з найзагальніших понять математики. Необхідність виконувати вимірювання та підрахунки зумовила появу додатних раціональних чисел. Саме тоді виникли і використовувалися натуральні числа і дробові числа, які розглядали як відношення натуральних чисел.

Наступним етапом розвитку поняття числа є введення у практику від'ємних чисел. У Стародавньому Китаї ці числа з'явилися у II ст. до н.е. Там уміли додавати і віднімати від'ємні числа. Від'ємні числа тлумачили як борг, а додатні як майно. В Індії в VII ст. ці числа розуміли так само, але вже знали і правила множення та ділення.

Цілі числа (додатні, від'ємні та 0), дробові числа (додатні та від'ємні) складають множину раціональних чисел. Раціональними називають тому, що кожне з них можна записати у вигляді частки двох чисел, а слово «частка» латинською мовою — ratio.

Множину натуральних чисел позначають буквою N , множину цілих чисел — буквою Z , множину раціональних чисел — буквою Q . Щоб записати, що певне число належить деякій множині, використовують знак належності \in , наприклад $7 \in N$. Якщо ж число не належить певній множині, це записують за допомогою знака \notin , наприклад $\frac{1}{2} \notin Z$.

Ми вже знаємо, що будь-яке раціональне число можна записати у вигляді $\frac{m}{n}$, де m - ціле число, n - натуральне число.

Наприклад, $9 = \frac{9}{1}$; $2\frac{2}{3} = \frac{8}{3}$; $-0,2 = -\frac{1}{5}$.

Кожне раціональне число можна подати також у вигляді нескінченного десяткового періодичного дробу.

Для цього треба чисельник дробу поділити на його знаменник,

наприклад $\frac{3}{8} = 0,375 = 0,375000\dots$; $-\frac{5}{4} = -1,25 = -1,25000\dots$; $\frac{8}{33} = 0,242424\dots = 0,(24)$.

І кожний нескінченний десятковий періодичний дріб є записом деякого раціонального числа, наприклад $1,2000\dots = 1,2 = \frac{12}{10} = \frac{6}{5}$; $0,(3) = \frac{1}{3}$; $-1(15) = -1\frac{5}{33}$.

Але в математиці існують числа, які не можна записати у вигляді $\frac{m}{n}$, де m - ціле число, а n - натуральне.

Числа, які не можна записати у вигляді $\frac{m}{n}$, де m - ціле число, а n - натуральне число, називаються ірраціональними числами.

Префікс *ір* означає заперечення, ірраціональні означає не раціональні. Прикладами ірраціональних чисел є $\sqrt{2}$; $\sqrt{5}$; $-\sqrt{7}$; π тощо. Множина ірраціональних чисел позначається буквою I .

Кожне ірраціональне число можна подати у вигляді нескінченного десяткового неперіодичного дробу.

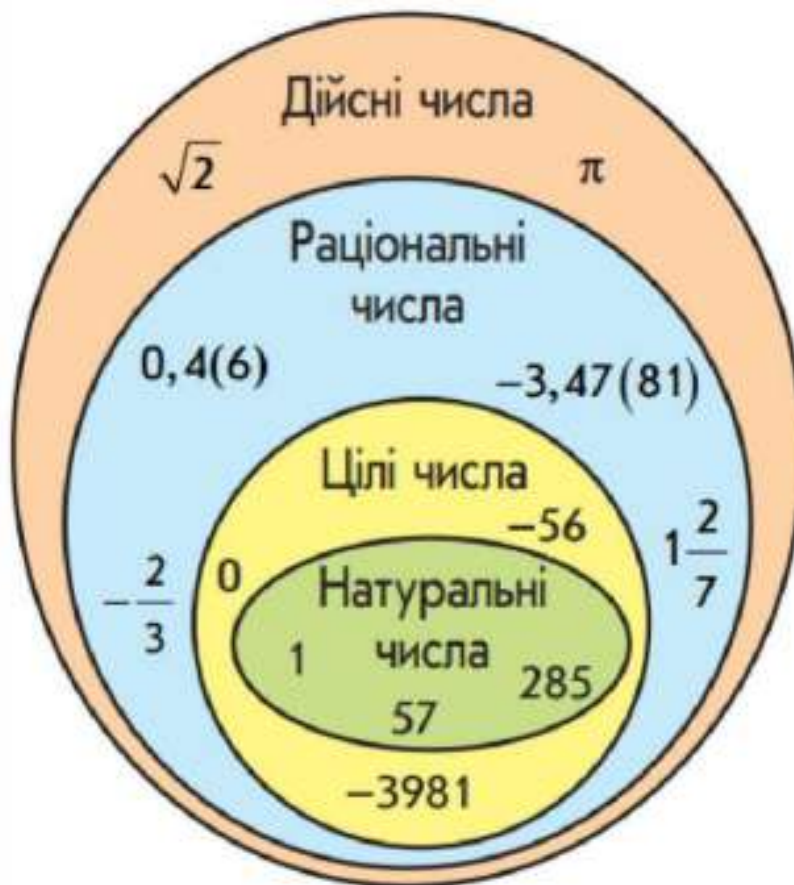
Наближене значення ірраціонального числа можна знаходити з певною точністю за допомогою мікрокалькулятора або комп'ютера, наприклад $\sqrt{2} \approx 1,4142135$;
 $\sqrt{5} \approx 2,2360680$; $-\sqrt{7} \approx -2,6457513$; $\pi \approx 3,1415926$.

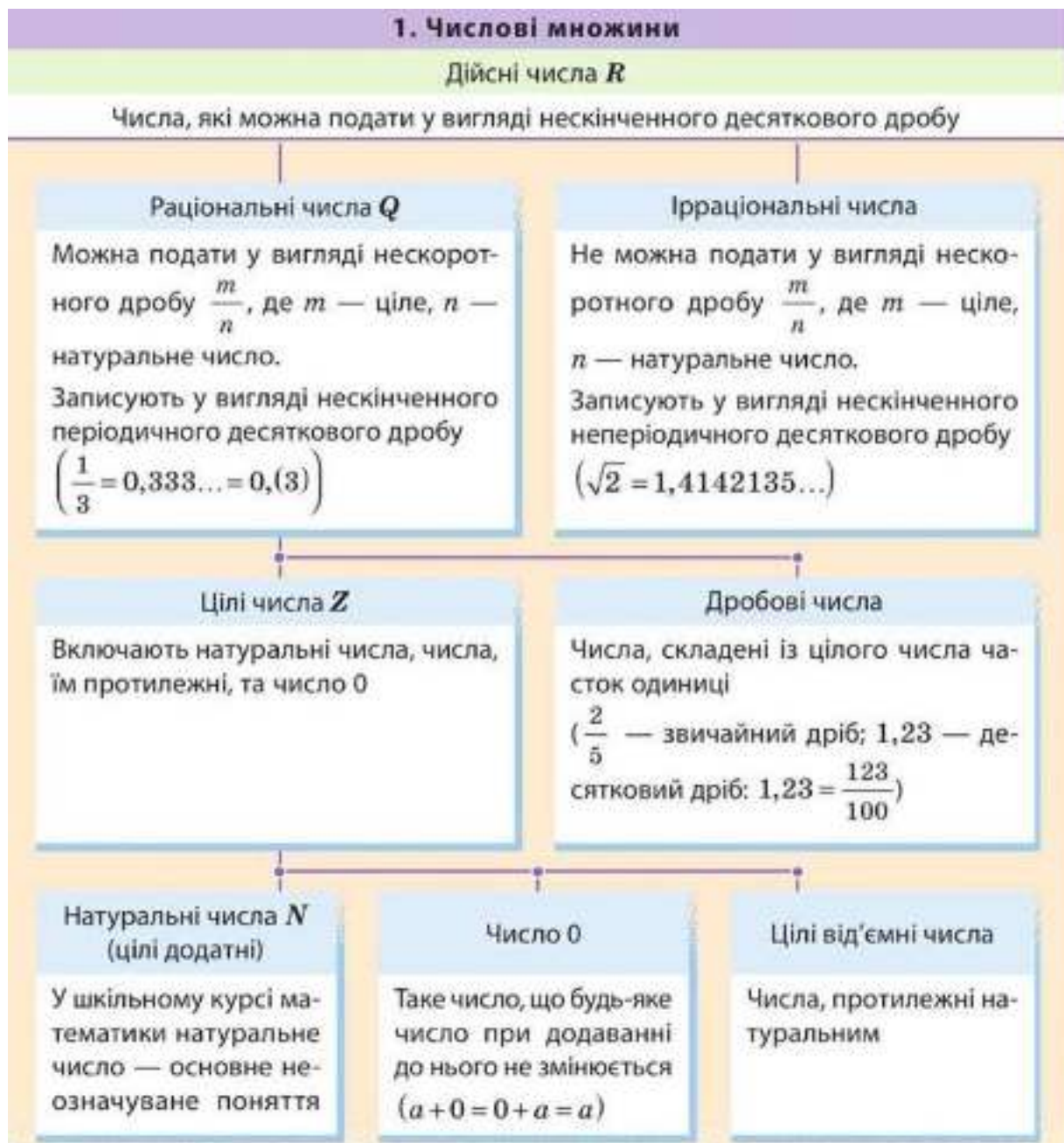
Раціональні числа разом з ірраціональними числами утворюють множину дійсних чисел.

Множину дійсних чисел позначають буквою R .

Оскільки кожне натуральне число є цілим числом, то множина натуральних чисел є частиною множини цілих чисел, тобто її підмножиною. Аналогічно множина Z є підмножиною множини Q , а множина Q є підмножиною множини R , що ми можемо побачити на схемі

Кола Ейлера





Розв'язування вправ

1. Позначте замість зірочки знак або так, щоб отримати правильне твердження:

1) $5 * N$; ()

2) $0 * N$; ()

3) $-5 * Q$; ()

4) $-\frac{1}{2} * Z$; ()

5) $3,14 * Q$; ()

6) $\pi * Q$ ().

2. Запишіть множину коренів рівняння:

$$1) \quad x(x-1) = 0;$$

Відповідь: $\{0, 1\}$

$$2) (x - 2)(x^2 - 4) = 0;$$

Відповідь: $\{-2; 2\}$

3) $x = 2$;

Відповідь: $\{2\}$

$$4) \quad x^2 + 3 = 0$$

Відповідь: \emptyset .

570. Из чисел $\sqrt{7}$; 0,222...; 52; $-2,(4)$; π ; 19; $-3,7$; 0; $-\sqrt{5}$; $-2\frac{1}{9}$ выпишіть:

1) натуральні числа;

2) цілі невід'ємні числа;

3) раціональні від'ємні числа;

4) ірраціональні числа.

576. (Усно.) Чи правильно, що:

$$1) 7 \notin N;$$

2) $10 \in \mathbf{Z}$;

3) $5 \notin Q$;

4) $32 \in R$;

5) $-3,9 \notin N$;

6) $-9,2 \in \mathbb{Q}$;

7) $-3,17 \notin R$;

8) $\sqrt{3} \in \mathbf{Q}$;

9) $\sqrt{64} \in N$;

10) $-\sqrt{27} \notin R$;

$$11) \sqrt{\frac{4}{9}} \notin \mathbf{Z};$$

12) $\sqrt{1\frac{7}{9}} \in \mathbb{Q}$?

577. Порівняйте:

1) 1,366 i 1,636; 2) -2,63 i -2,36; 3) $-\frac{1}{17}$ i 0;

2) $-2,63$ i $-2,36$;

$$3) -\frac{1}{17} \text{ i } 0;$$

4) π i 3,2;

5) $-\pi$ i $-3,1$;

6) 1,7 i 1,(7);

7) $-1,41$ i $-\sqrt{2}$;

8) $\sqrt{3}$ i 1,8;

9) $2\frac{5}{13}$ i $2,(39)$.

Відповідь. 1) $<$; 2) $<$; 3) $<$; 4) $>$; 5) $<$; 6) $<$; 7) $>$; 8) $<$; 9) $<$

3 582. Розмістіть у порядку спадання числа:

$$0,11; \quad 0,(1); \quad 0,01; \quad \frac{1}{10}; \quad \frac{1}{2}.$$

Відповідь. $\frac{1}{2}$; 0, (1); 0,11; $\frac{1}{10}$; 0,01

Відповідь. $\frac{1}{2}$; 0, (1); 0,11; $\frac{1}{10}$; 0,01

2 590. Розв'яжіть рівняння:

1) $x^2 - 16 = 0$;

2) $4x^2 - 9 = 0$;

3) $\frac{1}{16} - x^2 = 0$;

4) $\frac{9}{25} - x^2 = 0$.

Розв'язання

1) $x^2 = 16$

$x_1 = 4$; $x_2 = -4$ - відповідь

2) $4x^2 = 9$

$x^2 = \frac{9}{4}$

$x_1 = \frac{3}{2} = 1,5$; $x_2 = -\frac{3}{2} = -1,5$ - відповідь

3) $x^2 = \frac{1}{16}$

$x_1 = \frac{1}{4}$; $x_2 = -\frac{1}{4}$ - відповідь

4) $x^2 = \frac{9}{25}$

$x_1 = \frac{3}{5} = 0,6$; $x_2 = -\frac{3}{5} = -0,6$ - відповідь

Закріплення нових знань і вмінь.

1. Які числа називають раціональними? (Раціональними називають числа, які можна подати у вигляді $\frac{m}{n}$, де $m \in \mathbb{Z}$, $n \in \mathbb{N}$)

2. Що означає слово «ratio»?

(«ratio» у перекладі з латинської мови означає «частка»)

3. Які числа називають ірраціональними?

(Ірраціональними називають числа, які не можна подати у вигляді $\frac{m}{n}$, де $m \in \mathbb{Z}$, $n \in \mathbb{N}$)

4. Чи правда, що будь-яке ціле число є дійсним? (так)

5. Чи правда, що будь-яке ірраціональне число є дійсним? (так)

6. Чи правда, що будь-яке дійсне число є раціональним? (ні)

7. Чи кожне ціле число є раціональним? (так)

8. Чи є число $\sqrt{0,64}$ ірраціональним? (ні, $\sqrt{0,64} = 0,8$)

9. Чи завжди сума раціональних чисел є раціональним числом? (так)

10. Чи можна в результаті додавання ірраціональних чисел дістати раціональне число? (так, $-\sqrt{3} + \sqrt{3} = 0$)

11. Чи завжди квадрат раціонального числа є числом раціональним? (так)

12. Чи є число 5 - дійсним? (так)

13. Чи знаєте ви числа, які не є дійсними? (ні)

Домашнє завдання.

Повторити §14

Опрацювати §15, правила вивчити

Перегляньте навчальне відео

<https://www.youtube.com/watch?v=In2aRrgpM-4&authuser=1>

Виконати завдання за посиланням

<https://vseosvita.ua/test/start/kbi890>

або №571, 578, 583