Тема. Множення одночленів. Піднесення одночлена до степеня

Після цього заняття потрібно вміти:

- перетворювати добуток та степінь одночлена в одночлен стандартного вигляду;
- виконувати дії зі степенями.

Поміркуйте

- Які вирази називають одночленами?
- Поясніть, який вигляд одночлена називають його стандартним виглядом.
- Що таке коефіцієнт, степінь одночлена?

Виконайте вправу https://wordwall.net/resource/60939910

Робота в зошиті

Задача 1

Ребро куба а зменшили на 10 %, а потім ще на 15 %. На скільки відсотків зменшився об'єм куба?

Розв'язання.

- 1. Знаходимо нові розміри ребра:
 - Після першого зменшення ребро стало 90% від початкового (100% 10% = 90%).
 - Після другого зменшення ребро стало 85% від попереднього, тобто, нове ребро становить 90% * 0,85 = 76,5% від початкового.
- 2. Обчислюємо новий об'єм:
 - Об'єм куба дорівнює ребру, піднесеному до куба.
 - Отже, новий об'єм становить $(76,5\%)^3 = 44,92\%$ від початкового об'єму.
- 3. Знаходимо відсоток зменшення об'єму:
 - Зменшення об'єму склало 100% 44,92% = 55,08%.

Відповідь: на **55,08%**.

Задача 2

Який одночлен стандартного вигляду потрібно записати замість «зірочки», щоб одержати правильну рівність:

1) *
$$\cdot$$
 4m²n = 12m⁷n¹²;

2)
$$5a^2b \cdot * = a^3b^7$$
;

3) *
$$\cdot$$
 (-2m²p) = 24m³p²

5)
$$5m^2a^3 \cdot * = -5m^2a^3$$
;

2)
$$5a^2b \cdot * = a^3b^7$$
; 3) $* \cdot (-2m^2p) = 24m^3p^2$;
5) $5m^2a^3 \cdot * = -5m^2a^3$; 6) $4m^2n \cdot * = -\frac{1}{16}m^2n^8$?

Розв'язання.

1) *
$$\cdot$$
 4m²n = 12m⁷n¹²;

* =
$$12m^7n^{12} : 4m^2n$$
;

* =
$$3m^5n^{11}$$
.

2)
$$5a^2b \cdot * = a^3b^7$$
;

* =
$$a^3b^7$$
 : $5a^2b$:

$$* = \frac{1}{5}ab^6.$$

3) * · (-2
$$m^2p$$
) = 24 m^3p^2 ;

* =
$$24m^3p^2$$
: $(-2m^2p)$;

$$* = -12mp.$$

$$* = a^3b : (-9a^2b);$$

$$* = -\frac{1}{9}a.$$

5)
$$5m^2a^3 \cdot * = -5m^2a^3$$
;

* =
$$-5m^2a^3 : 5m^2a^3$$
;

6)
$$4m^2n \cdot * = -\frac{1}{16}m^2n^8$$
;

* =
$$-\frac{1}{16}$$
m²n⁸: 4m²n;

$$* = -\frac{1}{64} n^7.$$

Задача 3

Спростіть вираз:

1)
$$15m^2 \cdot (4m^3)^2$$
; 2) $-0.5m^5 \cdot (2m^3)^4$;

3)
$$(-3a^3b^4)^4 \cdot \left(-\frac{1}{8}a3b\right)$$
; 4) $\left(-\frac{4}{5}mn4\right)^3 \cdot 25m^4n$.

Розв'язання.

1)
$$15m^2 \cdot (4m^3)^2 = 15m^2 \cdot 16m^6 = 240m^8$$
;

2)
$$-0.5$$
m⁵ · $(2$ m³)⁴ = -0.5 m⁵ · 16 m¹² = -8 m¹⁷;

3)
$$(-3a^3b^4)^4 \cdot \left(-\frac{1}{8}a3b\right) = 81a^{12}b^{16} \cdot \left(-\frac{1}{81}ab3\right) = -a^{13}b^{19};$$

4)
$$\left(-\frac{4}{5}mn4\right)^3 \cdot 25m^4n = -\frac{8}{27}a^3c^{12} \cdot 18a^5c = -\frac{16}{3}a^8c^{13} = -5\frac{1}{3}a^8c^{13}$$
.

Задача 4

Подайте одночлен у вигляді добутку двох одночленів, один з яких дорівнює -4ab²:

1)
$$8a^2b^2$$
; 2) $-\frac{1}{5}ab^4$; 3) $-7.8a^3b^5$; 4) $1\frac{1}{8}a^3b^2$.

Розв'язання.

1)
$$8a^2b^2 = (-4ab^2) \cdot (-2a);$$
 2) $-\frac{1}{5}ab^4 = (-4ab^2) \cdot (\frac{1}{20}b^2);$

3)
$$-7.8a^3b^5 = (-4ab^2) \cdot (1.95a^2b^3);$$
 4) $1\frac{1}{8}a^3b^2 = \frac{9}{8}a3b2 = (-4ab^2) \cdot \left(-\frac{9}{32}a2\right).$

Задача 5

Відомо, що $3ab^2 = 7$. Знайдіть значення виразу: 1) ab^2 ; 2) $5ab^2$; 3) $-9a^2b^4$; 4) $27a^3b^6$. **Розв'язання.**

1)
$$ab^2 = \frac{1}{3} \cdot (3ab^2) = \frac{1}{3} \cdot 7 = \frac{7}{3} = 2\frac{1}{3}$$
;

2)
$$5ab^2 = 5 \cdot \frac{1}{3} (3ab^2) = \frac{5}{3} \cdot 7 = \frac{35}{3} = 11\frac{2}{3}$$
;

3)
$$-9a^2b^4 = -(3ab^2)^2 = -7^2 = -49$$
;

4)
$$27a^3b^6 = (3ab^2)^3 = 7^3 = 343$$
.

Задача 6

Знайдіть n, за якого рівність є правильною: $(b^2 \cdot a^5 \cdot a^n)^{2n} = (ba^5)^{20}$.

Розв'язання.

1)
$$(b^2 \cdot a^5 \cdot a^n)^{2n} = (b^2 a^{5+n})^{2n} = b^{4n} a^{2n(5+n)}; (ba^5)^{20} = b^{20} a^{100}, \text{ отже } b^{4n} a^{2n(5+n)} = b^{20} a^{100}.$$

За властивістю множення степенів з однаковою основою 4n = 20 і 2n(5 + m) = 100, звідки n = 5.

Поміркуйте

Які правила та властивості використовують під час множення одночленів; піднесення одночлена до степеня?

Домашнє завдання

Виконати 2 завдання з № 417, 419, 422 на вибір

Фото виконаної роботи потрібно надіслати на HUMAN або на електронну пошту <u>nataliartemiuk.55@gmail.com</u>

Джерело О. Істер Алгебра, підручник для 7 класу, ч.2. - Київ: "Генеза". – 2024