Тема. Графік лінійного рівняння з двома змінними

<u>Мета.</u> Ознайомитися з поняттям графіка лінійного рівняння з двома змінними, вчитися будувати графіки відповідно до значень коефіцієнтів рівняння

Повторюємо

- Що таке рівняння з двома змінними?
- Як можна розв'язати лінійне рівняння з двома змінними?
- Які рівняння називають рівносильними?
- Що є графіком лінійної функції?
- Як побудувати графік прямої пропорційності?

Виконайте вправу

Лінійне рівняння з двома змінними https://learningapps.org/3034242

Ознайомтеся з інформацією та зробіть конспект

Рівняння з двома невідомими, що має вигляд ax + by = c, де x, y — змінні;

а, b, c — числа, називається лінійним рівнянням з двома змінними. Числа

a, b, c називаються коефіцієнтами рівняння.

Кожна пара чисел, яка є розв'язком рівняння зі змінними x та y, зображується у координатній площині точкою з координатами (x; y). Всі такі точки утворюють графік рівняння.

Графіком рівняння з двома змінними називається множина всіх точок координатної площини, координати яких є розв'язками цього рівняння.

Значення коефіцієнтів рівняння	Рівносильні рівняння	Графік рівняння
a≠0ib≠0	$ax + by = c$ $y = -\frac{a}{b}x + \frac{c}{b}$	графіком лінійного рівняння є пряма, не паралельна осям ко- ординат
a = 0, b ≠ 0	$ax + by = c$ $by = c$ $y = \frac{c}{b}$	графіком є пряма, па- ралельна осі абсцис
a ≠ 0, b = 0	$ax + by = c$ $ax = c$ $x = \frac{c}{a}$	графіком є пряма, па- ралельна осі ординат
a = 0, b = 0, c ≠ 0	ax + by = c Ox + 0y = c не має розв'язків	графік рівняння не мі- стить жодної точки
a = 0, b = 0, c = 0	ax + by = c 0x + 0y = 0 розв'язком є будь-яка пара чисел	графіком рівняння є вся координатна пло- щина

Розв'язування завдань

Завдання 1

Побудуйте графік рівняння 3x + 2y = 6.

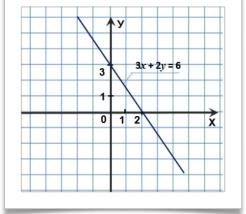
Розв'язання.

Виразимо змінну у через x: 2y = 6 - 3x, тоді y = 3 - 1,5x або y = -1,5x + 3.

Отримали лінійну функцію, а її графіком, як уже відомо, є пряма. Для побудови прямої достатньо визначити координати двох точок, що їй належать

Складемо таблицю значень даної функції.

При
$$x = 0$$
 $y = -1,5 \cdot 0 + 3 = 3;$
 x 0 2 При $x = 2$ $y = -1,5 \cdot 2 + 3 = 0.$



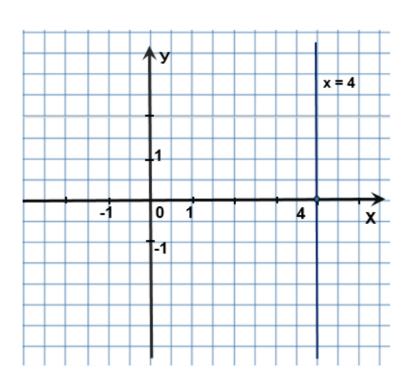
Завдання 2

Побудуйте графік лінійного рівняння з двома змінними 2x + 0y = 8.

Розв'язання.

Рівняння 2x + 0y = 8 рівносильне рівнянню 2x = 8, яке своєю чергою рівносильне рівнянню x = 4. Значить, розв'язками цього рівняння є пари чисел, де y — довільне число, а x = 4.

Усі такі точки утворюють пряму, що проходить через точку з координатами (4; 0) паралельно осі ординат. Для побудови цієї прямої позначимо на осі x точку (4; 0) та проведемо через цю точку пряму, паралельну осі y.



Завдання 3

Не виконуючи побудови, знайдіть координати точок перетину з осями координат графіку рівняння 5x - 3y = 15.

Розв'язання.

Точка перетину графіка рівняння з віссю y належить цій осі, отже має координату x = 0.

Підставимо x = 0 у формулу 5x - 3y = 15.

$$5 \cdot 0 - 3y = 15, -3y = 15, y = -5$$

(0; -5) — координати точки перетину графіка з віссю у.

Точка перетину графіка рівняння з віссю х належить цій осі, отже має координату y = 0.

Підставимо y = 0 у формулу 5x - 3y = 15:

$$5x - 3 \cdot 0 = 15$$
; $5x = 15$; $x = 3$.

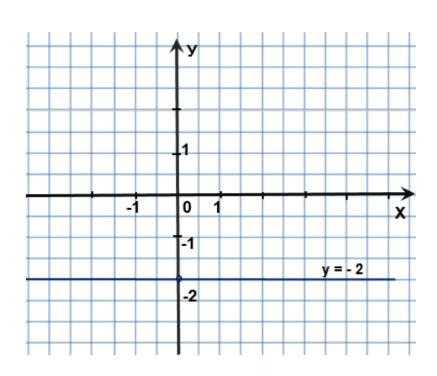
(3; 0) — координати точки перетину графіка з віссю х.

Завдання 4

Побудуйте графік лінійного рівняння з двома змінними 0х + 3у = -6.

Розв'язання.

Рівняння 0x + 3y = -6 рівносильне рівнянню 3y = -6, яке своєю чергою рівносильне рівнянню y = -2. Отже, розв'язками цього рівняння є пари чисел, де x — довільне число, а y = -2. Усі такі точки утворюють пряму, що проходить паралельно осі x через точку з координатами (0; -2). Для побудови цієї прямої позначмо на осі у точку (0; -2) та проведімо через цю точку пряму, паралельну осі x.



Поміркуйте

3 лінійного рівняння 5x + 2y = 10 виразіть змінну x через змінну y.

Домашне завдання

- Опрацювати конспект
- Розв'язати завдання:

Побудуйте графік рівняння: 2(x + y) – 3y = 1.

Всеукраїнська школа онлайн