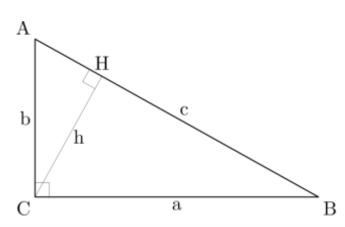
# Тема: <u>Розв'язування прямокутних трикутників. Розв'язування</u> <u>задач (повторення)</u>

#### Опорний конспект

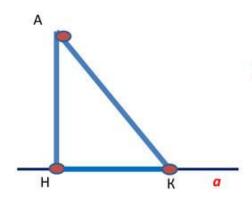
#### Повторення

Теорема Піфагора:

$$a^2 + b^2 = c^2.$$



Перпендикуляр і похила, їх властивості



AH — перпендикуляр, проведений з точки A до прямої a.

Точку **H** називають основою перпендикуляра AH.

K – довільна точка прямої a, відмінна від H.

Відрізок **АК** називають похилою, проведеною з точки A до прямої a,

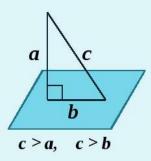
а точку K – основою похилої.

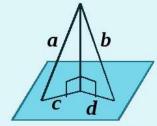
Відрізок НК називають проекцією похилої АК на пряму а.

# Властивості перпендикуляра й

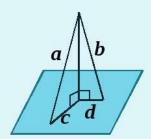
**ПОХИЛОЇ** Якщо з точки, взятої поза площиною, проведено до площини перпендикуляр і похилі, то:

- перпендикуляр коротший за будь-яку похилу; 1)
- проекції рівних похилих є рівними й, навпаки, 2) похилі, що мають рівні проекції, є рівними;
- з двох похилих більша та, проекція якої більша.





Якщо a = b, то c =



Якщо c > d, mo a > bЯкщо a >b, mo c > d

# Елементи прямокутного

трикутника

∆АВС- прямокутний

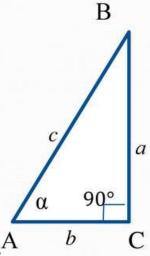
AB = c - гіпотенуза

BC = a і AC = b - катети

а - гострий кут

ВС - протилежний катет куту а і АС - прилеглий катет

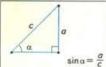
– відношення  $\frac{a}{c}$  позначають sin  $\alpha$  і читають «синус альфа»;



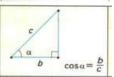
- відношення  $\frac{b}{c}$  позначають соз  $\alpha$  і читають «косинус альфа»;
  - відношення  $\frac{a}{h}$  позначають  $\operatorname{tg} \alpha$  і читають «тангенс альфа».

# Означення синуса, косинуса і тангенса гострого кута прямокутного трикутника

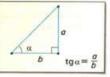
Синусом гострого кута прямокутного трикутника називається відношення протилежного катета до гіпотенузи.



Косинусом гострого кута прямокутного трикутника називається відношення прилеглого катета до гіпотенузи.



Тангенсом гострого кута прямокутного трикутника називається відношення протилежного катета до прилеглого катета.



Крім косинуса, синуса і тангенса кута  $\alpha$   $\varepsilon$  ще одне відношення сторін прямокутного трикутника, яке ма $\varepsilon$  особливу назву — *котангенс*. Це відношення катета b, прилеглого до кута  $\alpha$ , до протилежного катета a. Позначається: ctg  $\alpha$ .

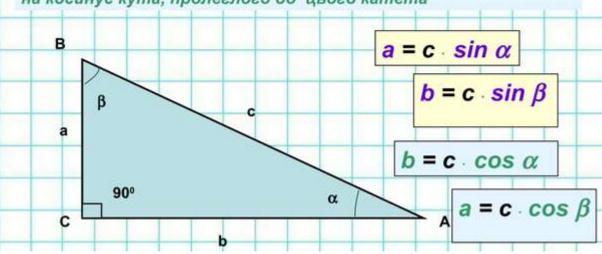
Отже, ctg 
$$\alpha = \frac{b}{a}$$



# Розв'язування прямокутних трикутників

Катет прямокутного трикутника дорівнює добутку гіпотенузи на синус кута, протилежного цьому катету

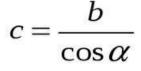
Катет прямокутного трикутника дорівнює добутку гіпотенузи на косинус кута, пролеглого до цього катета



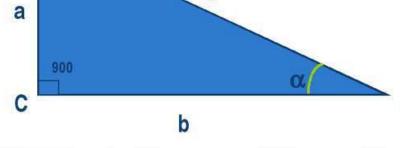
# Розв'язування прямокутних



$$c = \frac{a}{\sin \alpha} \qquad c = \frac{b}{\sin \beta}$$



$$c = \frac{a}{\cos \beta}$$

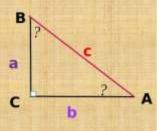


C

n	Основні поняття	Зміст основних понять	Рисунки та приклади
1	Розв'язування прямокутних трикутників за гіпотенузою і гострим кутом.	Дано: c, ∠A. Знайти: ∠B, a, b. Розв'язання. 1. ∠B = 90° - ∠A. 2. a = c sin A. 3. b = c cos A.	Задача 1. Дано гіпотенузу с прямокутного трикутника і гострий кут А. Знайдіть другий гострий кут трикутника і його катети. Дано: $c=7$ , $\angle A=29^\circ$ . Знай ти: $\angle B$ , $a$ , $b$ . Posb' язання. 1. $\angle B=90^\circ-29^\circ=61^\circ$ . 2. $a=7\sin 29^\circ\approx 3.39$ . 3. $b=7\cos 29^\circ\approx 6.12$ . Відповідь: $61^\circ$ , $\approx 3.39$ , $\approx 6.12$ .
2	Розв'язування прямокутних трикутників за катетом і гострим кутом, протилежним катету	Алгоритм розв'язання:  Дано: $a$ , $\angle A$ .  Знайтн: $\angle B$ , $b$ , $c$ .  Розв'язання.  1. $\angle B = 90^{\circ} - \angle A$ .  2. $b = \frac{a}{\lg A}$ (або $b = a \lg B$ ).  3, $c = \frac{a}{\sin A}$ (або $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ ).	Задача 2. Дано катет а прямокутного трикутника і гострий кут А. Знайдіть другий гострий кут трикутника, його другий катет і гіпотенузу Дано: a = 5, ∠A = 63°. Знайт н. ∠B, b, c.  Рози'я зання.  1. ∠B = 90° - 63° = 27°.  2. b = 5/tg 63° = 2,55.  3. c = 5/sin 63° = 5,61.  Відповідь: 27°, ≈ 2,55, ≈ 6,61.

#### 3. Розв'язування прямокутних трикутників за двома катетами

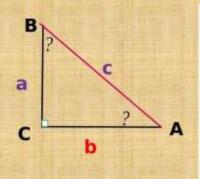
Задача 3. Дано катети a і b прямокутного трикутника. Знайдіть гіпотенузу та гострі кути трикутника.



Розв'язання в загальному вигляді	Приклад
Дано: a, b, Знайты: c, ∠A, ∠B.	Дано: $a = 4$ , $b = 7$ . Знайти: $c$ , $\angle A$ , $\angle B$ .
Розв'язання. 1. $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ .	P озв'язання. 1. $c = \sqrt{4^2 + 7^2} = \sqrt{65} = 8,06$ .
2. $\lg A = \frac{a}{b}$ . Далі $\angle A$ знаходимо за допомогою калькулятора або	2. $\operatorname{tg} A = \frac{4}{7}$ ; $\angle A \approx 29^{\circ}45'$ . 3. $\angle B \approx 90^{\circ} - 29^{\circ}45' = 60^{\circ}15'$ .
таблиць. 3. $\angle B = 90^{\circ} - \angle A$ .	Відповіды: 8,06, ≈ 29°45', ≈ 60°15'.

# 4. Розв'язування прямокутних трикутників за катетом і гіпотенузою

Задача 4. Дано катет а і гіпотенузу с прямокутного трикутника. Знайдіть другий катет і гострі кути трикутника.



Розв'язання в загальному вигляді	Приклад
Дано: <i>a</i> , <i>c</i> . Знайти: <i>b</i> , ∠A, ∠B.	Дано: $a = 5$ , $c = 12$ . Знайти: $b$ , $\angle A$ , $\angle B$ .
Розв'язання. $1.\ b = \sqrt{c^2 - a^2} \ .$	Розв'язання. 1. $b = \sqrt{12^2 - 5^2} = \sqrt{119} \approx 10.91$
2. $\sin A = \frac{a}{c}$ . Далі $\angle A$ знаходимо за допомогою калькулятора	2. $\sin A = \frac{5}{12}$ ; $\angle A \approx 24^{\circ}37'$ . 3. $\angle B \approx 90^{\circ} - 24^{\circ}37' = 65^{\circ}23'$ .
або таблиць. 3. $\angle B \approx 90^\circ - \angle A$ .	Відповідь: = 10,91, = 24°37', = 65°23'.

### Розв'язування задач

## ЗадачаЗ

Знайти невідомі сторони й гострі кути прямокутного трикутника за апотенузою с=2 та гострим кутом а=20°.



#### Розв'язания

Так як сума гострих кутів прямокутного трикутника дорівноє 90°, то:

∠B=90°-20°=70°. ∠B=70°.

AC будемо шукакти із співвідношення:  $\frac{AC}{AB} = SinB$ ,  $AC = AB \cdot Sin70^{\circ}$ ,

BC шукаємо із співвідношення:  $\frac{BC}{AB} = SinA$ ;  $BC = ABSin20^\circ$ ;

BC=2\*0,3420=0,6840 ≈ 0,68. BC=0.68.

Відповідь: 70% 1.88, 0.68.

5.



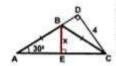
 $BK = \sqrt{243} = 9\sqrt{3}$ , OK : OB = 1:2.  $x + 2x = 9\sqrt{3}$ ,  $3x = 9\sqrt{3}$ ,  $x = 3\sqrt{3}$ .  $OK = 3\sqrt{3}$  cm,  $OB = 6\sqrt{3}$  cm.

Bidnosids:  $3\sqrt{3}$  cm;  $6\sqrt{3}$  cm.

### Задача8

#### Знайти Х за даними малюнка.

#### Розв'язання



Розглянемо *ДАДС*: Він прямокутний

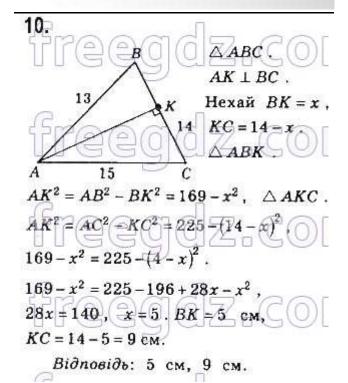
Катет DC лежить проти кута 30%, а тому дорівнює половині гіпо тенули AC.

Отже 4С=8. Розглянемо ДАВС.

Він рівнобедрений, Тому АЕ=ЕС=4,

Розглянемо трикутник АВЕ. Він прямокутний.

$$\frac{BE}{AE} = tg30^{\circ}$$
,  $BE = AE \cdot tg30^{\circ}$ ,  $BE = 4 \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ .



#### Робота з підручником

§ 18-20 (повторити)

Робота з інтернет ресурсами

https://youtu.be/HxOGUMbYXjI

https://youtu.be/yItW\_OfWMc0

Домашнє завдання

§ 18-20 (повторити)

### Виконати тест за посиланням

https://vseosvita.ua/test/start/vdx423

виконувати 19.05 з 10.00 до 20.00 20.05

лише одна спроба з одного пристрою, час на виконання 35 хв.