Тема: <u>Розв'язування квадратних рівнянь (повторення)</u>

Опорний конспект

Повне квадратне овняння		$D=b^2-4ac$		Неповне квадратне рівняння	Корені
$a x^2 +b x + c = 0$ $a \neq 0$		D > 0	$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$	$a x^2 = 0, a \neq 0$	x = 0
		D = 0	$x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$	$a x^2 + b x = 0,$ $a \neq 0$	$\begin{vmatrix} x_1 &= 0 \\ x_2 &= -\frac{b}{a} \end{vmatrix}$
		D < 0	He ichyє	$x_{1,2} = \pm \sqrt{-\frac{c}{a}}$	
	Зведене рівнянн	квадратне я	Корені		
	$x^2 + p x + q = 0$		$x_1 + x_2 = -$ $x_1 x_2 = q$.	p ,	



Алгоритм

розв'язування повного квадратного рівняння за формулою

$$ax^{2} + bx + c = 0;$$
 $a = ..., b = ..., c = ...;$
 $D = b^{2} - 4ac = ...;$
 $\sqrt{D} = ...;$
 $x_{1} = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a};$
 $x_{2} = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a}.$
Відповідь: ...;

$$9x^2 - 12x - 5 = 0;$$
 $a = 9, b = -12, c = -5;$
 $D = 144 - 4 \cdot 9 \cdot (-5) = 324;$
 $\sqrt{D} = \sqrt{324} = 18;$
 $x_1 = \frac{12 - 18}{2 \cdot 9} = -\frac{6}{18} = -\frac{1}{3};$
 $x_2 = \frac{12 + 18}{2 \cdot 9} = \frac{30}{18} = \frac{5}{3} = 1\frac{2}{3}.$
Відповідь: $-\frac{1}{3}$: $1\frac{2}{3}$.

Теорема Вієта

для <u>зведеного</u> квадратного рівняння

Якщо x_1 і x_2 - корені квадратного рівняння $x^2 + px + q = 0$, то

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\mathbf{p}, \\ x_1 \cdot x_2 = \mathbf{q}. \end{cases}$$

для <u>повного</u> квадратного рівняння

Якщо x_1 і x_2 - корені квадратного рівняння $ax^2 + bx + c = 0$, то

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}, \\ x_1 \cdot x_2 = -\frac{c}{a}. \end{cases}$$

ПРИКЛАДИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗВЕДЕНИХ КВАДРАТНИХ **РІВНЯНЬ ЗА Т.ВІЄТА**

$$-\frac{1}{2}x^2 - 2x - 2 = 0 \quad | \quad \cdot (-2)$$

Це рівняння можна розв'язати за дискримінантом, а можна зробити його зведеним, домноживши на -2 і розв'язати за теоремою Biema

$$x^2 + 4x + 4 = 0$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -4 \\ x_1 \cdot x_2 = 4 \end{cases}$$

 $2x^{2} + 5x - 3 = 0$;

 $\sqrt{D} = \sqrt{49} = 7$

$$\begin{cases} x_1 = -2 \\ x_2 = -2 \end{cases}$$

Ми отримали два однакові корені, тому відповідь буде така:

Відповідь: x = -2

x(x+1) = 56;

 $x^2 + x - 56 = 0$;

 $\sqrt{D} = \sqrt{225} = 15$.

Приклади розв'язування квадратних рівнянь за формулою

 $D = b^2 - 4ac = 1 + 4 \cdot 1 \cdot 56 = 225$;

2a 2-1

$$\begin{array}{c} x_1 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{-5 - 7}{2 \cdot 2} = \frac{12}{4} = *3; \\ x_2 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{-5 + 7}{2 \cdot 2} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}; \\ Bidnosids: -3; 0.5. \\ \hline \\ \frac{x^3 + 3x}{2} = \frac{x + 7}{4} + *4 \\ 2x^2 + 6x = x + 7; \\ 2x^2 + 5x - 7 = 0; \\ D = b^2 - 4ac = 25 + 4 \cdot 2 \cdot 7 = 81; \\ \sqrt{D} = \sqrt{81} = 9; \\ x_3 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{-5 - 9}{2 \cdot 2} = \frac{14}{4} = -3\frac{1}{2}; \\ x_2 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{4 - 2\sqrt{5}}{2 \cdot 1} = 2 - \frac{1}{2}; \\ x_3 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{4 + 2\sqrt{5}}{2 \cdot 1} = 2 - \frac{1}{2}; \\ Bidnosids: -3; 5; 1 \\ Bidnosids: 2 \pm \sqrt{5}; \end{array}$$

 $D = b^2 - 4ac = 25 - 4 \cdot 2 \cdot (-3) = 49;$

$$\begin{split} x_2 &= \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{-1 + 15}{2 \cdot 1} = 7 \\ Bidnosids: -8,7 \\ &-2x^2 + 8x + 2 = 0 + 1 + (-2) \\ x^2 - 4x - 1 = 0; \\ D &= b^2 - 4ac = 16 + 4 + 1 + 1 = 20; \\ \sqrt{D} &= \sqrt{20} = 2\sqrt{5}; \\ x_1 &= \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{4 - 2\sqrt{5}}{2 \cdot 1} = 2 - \sqrt{5}; \\ x_2 &= \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{4 + 2\sqrt{5}}{2 \cdot 1} = 2 + \sqrt{5}. \\ Bidnosids: 2 \pm \sqrt{5}. \end{split}$$

$$\begin{split} 5x^2 + 1 &= 6x; \\ 5x^2 - 6x + 1 &= 0; \\ D &= b^2 - 4ac = 36 - 4 \cdot 5 \cdot 1 = 16; \\ \sqrt{D} &= \sqrt{16} = 4; \\ x_b &= \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{6 - 4}{2 \cdot 5} = \frac{2}{10} = 0.2; \\ x_2 &= \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{6 + 4}{2 \cdot 5} = \frac{10}{10} = 1. \\ Bidnoeids; 0.2; 1 \end{split}$$

 $4x^2 + 3x + 3 = 0$

Відповідь : коренів немає
$$x^2 - 2x + 1 = 0,$$

$$D = b^2 - 4ac = 4 - 4 \cdot 1 \cdot 1 = 0,$$

$$x = -\frac{b}{2a} - \frac{2}{2-1} = 1,$$
 Відповідь МуShared

 $D = b^2 - 4ac = 25 - 4 \cdot 4 \cdot 3 < 0.$

Зрозумій, це просто!

Розв'язування рівнянь, що зводяться до квадратних

Алгоритм дій:

- 1. Перенесемо всі доданки в ліву частину рівняння , розкладемо знаменники на множники. Зведемо до спільного знаменника дроби в лівій частині та виконаємо дії додавання і віднімання раціональних дробів.
- дробу нулю і запишемо систему, рівносильну даному рівнянню.
- 3. Розв'яжемо одержане рівняння системи, звівши його до квадратного.
- 4. Знаходимо розв'язки системи.

Приклад:
$$\frac{x-1}{x+2} + \frac{x}{x-2} = \frac{8}{x^2-4}$$
.

1. $\frac{x-1^{3x-2}}{x+2} + \frac{x^{3x+2}}{x-2} - \frac{8}{(x-2)(x+2)} = 0$; $\frac{(x-1)(x-2) + x(x+2) - 8}{(x-2)(x+2)} = 0$.

2. Скористаємося правилом рівності 2.
$$\begin{cases} (x-1)(x-2)+x(x+2)-8=0, \\ (x-2)(x+2) \neq 0. \end{cases}$$

3.
$$x^2 - 2x - x + 2 + x^2 + 2x - 8 = 0$$
;

$$2x^{2} - x - 6 = 0;$$

$$D = (-1)^{2} - 4 \cdot 2 \cdot (-6) = 49; x = \frac{1 \pm \sqrt{49}}{2 \cdot 2}; x = \frac{1 \pm 7}{4};$$

$$x_{1} = 2, x_{2} = -1,5.$$

 $\begin{cases} x \neq -2, x \neq 2, \\ x = 2, & \Leftrightarrow x = -1, 5. \\ x = -1, 5; \end{cases}$

Отже, рівняння має один розв'язок. Відповідь: -1,5



4. РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ДРОБОВО- РАЦІОНАЛЬНИХ РІВНЯТА **МЕТОДОМ МНОЖЕННЯ ОБОХ ЧАСТИН РІВНЯННЯ НА** СПІЛЬНИЙ ЗНАМЕННИК

$$\frac{x-3}{x-5} + \frac{1}{x} = \frac{x+5}{x(x-5)}$$

- 1)ОД3: $x-5\neq 0$, $x\neq 5$ та $x\neq 0$
- 2)Спільний знаменник х(х-5)

$$\frac{3)x-3}{x-5} + \frac{1}{x} = \frac{x+5}{x(x-5)} \times (x-5)$$

4)
$$x(x-3)+x-5=x+5$$
;

$$x^2$$
 - 3x + \underline{x} - 5 - \underline{x} - 5 = 0;

 x^2 - 3x- 10 =0; за теоремою Вієта

 $x_1 = -2$, $x_2 = 5$ - не задовольняє ОДЗ.

Відповідь : -2.

- 1) Знайти область допустимих значень (ОДЗ) змінної в рівнянні;
- 2)Знайдіть спільний знаменник дробів, що входять до рівняння.
- 3)Помножити обидві части рівняння на спільний знаменник.
- 4)Розв'язати здобуте рівняння.
- 5)Виключити з його коренів ті, за яких спільний знаменник дорівнює нулю.

Робота з підручником

§ 20-22 (повторити)

Робота з інтернет ресурсами

https://youtu.be/bUA4 ynbFpU

https://youtu.be/N9NU3dy RAs

<u>Домашнє завдання</u>

§ 20-22 (повторити)

Виконання письмових вправ



- 1. Розв'язувания квадратного рівняния за формулами.
 - 1) Розв'яжить рівняння:

a)
$$x^2 - 2x - 1 = 0$$
;

a)
$$x^2 - 2x - 1 = 0$$
, 6) $7x^2 - 18x + 8 = 0$,

B)
$$3x^2 + 22x - 16 = 0$$
; r) $x^2 + 21x + 90 = 0$;

a)
$$3x^2 + 53x - 18 = 0$$
, c) $-25x^2 + 50x + 75 = 0$;

(8)
$$x^2 + 0.5x - 1.5 = 0$$
. **(3)** $2x^2 - x + \frac{1}{9} = 0$.
(9) $x^2 - \frac{2}{3}x - \frac{8}{9} = 0$.