



שאלה 5 (22 נק')

נאמר שמערך a הינו מערך ממויין-בדילוגי- m אם כל איבר $a[i]$ במערך קטן או שווה לכל האיברים $a[i+l \cdot m]$, כאשר $l \in \mathbb{N}$. לדוגמה, המערך

7	2	1	5	7	6	3	6	8	9	5	8
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

הינו מערך ממויין-בדילוגי-4 (סדרת האיברים ברקע הלבן ממוינת, כנ"ל סדרת האיברים ברקע השחור וכו'). בשאלה זו נניח כי אורכי המערכים וערכי m הינם חזקות שלמות של 2.

סעיף א'

ממשו את הפונקציה $\text{mreduce}()$ המקבלת את הפרמטרים הבאים:

a	מערך ממויין-בדילוגי- m .
aux	מערך-עזר באותו אורך כמו a . ניתן להשתמש בו כרצונכם ואין מגבלה על הערכים שבו בתום ביצוע הפונקציה.
n	אורך המערכים a ו- aux ; ניתן להניח שזוהי חזקה של 2.
m	גודל ה'דילוג' של הממויינות במערך a ; ניתן להניח שזוהי חזקה של 2.

והופכת את a ממערך ממויין-בדילוגי- m למערך ממויין-בדילוגי- $m/2$.

דוגמה:

המערך לעיל עשוי להפוך לאחר ריצת הפונקציה למערך הבא (זוהי אחת האפשרויות):

1	2	3	5	5	6	7	6	7	8	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

אשר בו כל רצף של איברים בדילוגים של 2 מאחד לשני הינו רצף ממויין. דרישות סיבוכיות: $O(n)$ זמן.

פתרון אשר אינו עונה על דרישות הסיבוכיות הנ"ל לא יזכה בניקוד.

סעיף ב'

כתבו פונקציה $\text{msort}()$ המשתמשת בפונקציה $\text{mreduce}()$ מסעיף א' לצורך מיון מערך (אתם רשאים להשתמש בה גם אם לא עניתם על סעיף א').

על הפונקציה לקבל את הארגומנטים הבאים:

a	מערך ממויין-בדילוגי- m .
aux	מערך-עזר באותו אורך כמו a . ניתן להשתמש בו כרצונכם ואין מגבלה על הערכים שבו בתום ביצוע הפונקציה.
n	אורך המערכים a ו- aux ; ניתן להניח שזוהי חזקה של 2.
m	גודל ה'דילוג' של הממויינות במערך a ; ניתן להניח שזוהי חזקה של 2.

דרישות סיבוכיות: $O(n \cdot \log(m))$ זמן.

פתרון אשר אינו עונה על דרישות הסיבוכיות הנ"ל לא יזכה בניקוד.



סעיף א'

```
int mreduce(int arr[], int aux[], int n, int m)
{
    int i, j, k_1, k_2, k_aux;

    for(i=0; i<m/2; i+=1) {

        /* merge the elements with index i modulu m and index
        * i+m/2 modulo m from arr[] into a single sorted
        * sequence in aux[]
        */
        k_1 = i;
        k_2 = i + m/2;
        k_aux = 0;
        while((k_1 < n) && (k_2 < n)) {
            if (arr[k_1] <= arr[k_2]) {
                aux[k_aux++] = arr[k_1];
                k_1 += m;
            }
            else {
                aux[k_aux++] = arr[k_2];
                k_2 += m;
            }
        }
        while(k_1 < n) {
            aux[k_aux++] = arr[k_1];
            k_1 += m;
        }
        while(k_2 < n) {
            aux[k_aux++] = arr[k_2];
            k_2 += m;
        }

        /* copy the merged sequence back into the arr[] cells
        * whose index modulo m/2 is i
        */
        for(j=0; j<(n/m)*2; j++)
            arr[m/2*j+i] = aux[j];
    }
}
```

סעיף ב'

```
void msort(int arr[], int aux[], int n, int m)
{
    while (m > 1) {
        mreduce(arr, aux, n, m);
        m /= 2;
    }
    /* now arr[] is 1-sorted, i.e. properly sorted */
}
```