# Сдать задание нужно до 22 апреля 2017г. включительно. Контест останавливается в 09:00.

Ссылка на контест: <a href="http://tp-test1.tech-mail.ru/cgi-bin/new-client?contest\_id=92">http://tp-test1.tech-mail.ru/cgi-bin/new-client?contest\_id=92</a>

# Задача № 1 (3 балла)

Во всех вариантах данной задачи необходимо реализовать и использовать **сортировку вставками**. Функция сравнения или оператор сравнения или функтор должен быть явно определен и передаваться в функцию сортировки.

### 1 1. Ящики.

На склад привезли много пустых ящиков. Все ящики пронумерованы по порядку поступления от 0. Известно, что их все можно сложить один в один (то есть так, что каждый следующий помещается в предыдущий). Один ящик можно вложить в другой, если его можно перевернуть так, что размеры одного ящика по всем осям станут строго меньше размеров другого ящика по соответствующим осям. Требуется определить, в какой последовательности они будут вложены друг в друга. Вывести номера ящиков.

in	out
3	102
2 3 5	
111	
10 4 10	
2	0 1
5 2 1	
2 3 7	

#### 1 2. Ломаная 1.

Задано N точек на плоскости. Указать (N-1)-звенную несамопересекающуюся незамкнутую ломаную, проходящую через все эти точки.

<u>Указание</u>: стройте ломаную в порядке возрастания х-координаты. Если имеются две точки с одинаковой х-координатой, то расположите раньше ту точку, у которой у-координата меньше.

in	out
4	0 0
	0 1
1 1	1 0
1 0	1 1
0 1	

#### 1 3. Ломаная 2.

Аналогично 1.2, но ломаная должна быть замкнутая. Предполагается, что никакие три точки не лежат на одной прямой.

<u>Указание</u>: стройте ломаную от точки, имеющей наименьшую координату х. Если таких точек несколько, то используйте точку с наименьшей координатой у.

Точки на ломаной расположите в порядке убывания углов лучей от начальной точки до всех остальных точек.

in	out
4	0 0

0 0	0 1
	11
1 0	1 0
0 1	

## 1\_4. Строки.

Напишите программу, печатающую набор строк в лексикографическом порядке.

Строки разделяются символом перевода строки '\n'. Если последний символ в потоке ввода '\n', считать, что после него нет пустой строки. Максимальная длина строки 255 символов. Написать свою функцию сравнения строк.

in	out
4	ab
caba abba	aba
abba	abba
ab	caba
aba	

# Задача № 2 (4 балла)

Решение всех задач данного раздела предполагает использование кучи.

#### 2 1. Жадина.

Вовочка ест фрукты из бабушкиной корзины. В корзине лежат фрукты разной массы. Вовочка может поднять не более К грамм. Каждый фрукт весит не более К грамм. За раз он выбирает несколько самых тяжелых фруктов, которые может поднять одновременно, откусывает от каждого половину и кладет огрызки обратно в корзину. Если фрукт весит нечетное число грамм, он откусывает большую половину. Фрукт массы 1гр он съедает полностью.

Определить за сколько подходов Вовочка съест все фрукты в корзине.

<u>Формат входных данных.</u> Вначале вводится n - количество фруктов и n строк с массами фруктов. Затем K - "грузоподъемность".

Формат выходных данных. Неотрицательное число - количество подходов к корзине.

in	out
3	4
1 2 2 2	
3	5
4 3 5	
6	3
111111	3
3	

## 2 2. Быстрое сложение.

Для сложения чисел используется старый компьютер. Время, затрачиваемое на нахождение суммы двух чисел равно их сумме.

Таким образом для нахождения суммы чисел 1,2,3 может потребоваться разное время, в зависимости от порядка вычислений.

$$((1+2)+3) \rightarrow 1+2+3+3=9$$

$$((1+3)+2) \rightarrow 1+3+4+2=10$$
  
 $((2+3)+1) \rightarrow 2+3+5+1=11$ 

Требуется написать программу, которая определяет минимальное время, достаточное для вычисления суммы заданного набора чисел.

<u>Формат входных данных.</u> Вначале вводится n - количество чисел. Затем вводится n строк - значения чисел (значение каждого числа не превосходит 10^9, сумма всех чисел не превосходит 2\*10^9).

Формат выходных данных. Натуральное число - минимальное время.

in	out
5 5 2 3 4 6	45
5 3 7 6 1 9	56

### 2\_3. Тупики.

На вокзале есть некоторое количество тупиков, куда прибывают электрички. Этот вокзал является их конечной станцией. Дано расписание движения электричек, в котором для каждой электрички указано время ее прибытия, а также время отправления в следующий рейс. Электрички в расписании упорядочены по времени прибытия. Когда электричка прибывает, ее ставят в свободный тупик с минимальным номером. При этом если электричка из какого-то тупика отправилась в момент времени X, то электричку, которая прибывает в момент времени X, в этот тупик ставить нельзя, а электричку, прибывающую в момент X+1 — можно.

В данный момент на вокзале достаточное количество тупиков для работы по расписанию. Напишите программу, которая по данному расписанию определяет, какое минимальное количество тупиков требуется для работы вокзала.

<u>Формат входных данных.</u> Вначале вводится n - количество электричек в расписании. Затем вводится n строк для каждой электрички, в строке - время прибытия и время отправления. Время - натуральное число от 0 до 10^9. Строки в расписании упорядочены по времени прибытия. <u>Формат выходных данных.</u> Натуральное число - минимальное количеством тупиков. <u>Максимальное</u> время: 50мс, память: 5Мб.

in	out
1 10 20	1
2 10 20 20 25	2
3 10 20 20 25 21 30	2

#### 2 4. Скользящий максимум.

Дан массив натуральных чисел A[0..n), n не превосходит 10<sup>8</sup>. Так же задан размер некотрого окна (последовательно расположенных элементов массива) в этом массиве k, k<=n. Требуется для каждого положения окна (от 0 и до n-k) вывести значение максимума в окне. Скорость работы O(n log n), память O(k).

<u>Формат входных данных.</u> Вначале вводится n - количество элементов массива. Затем вводится n строк со значением каждого элемента. Затем вводится k - размер окна.

<u>Формат выходных данных.</u> Разделенные пробелом значения максимумов для каждого положения окна.

in	out
3 1 2 3 2	2 3
9 0 7 3 8 4 5 10 4 6 4	8 8 8 10 10 10

# Задача № 3 (3 балла)

Во всех задачах данного раздела необходимо реализовать и использовать **локальную пирамидальную сортировку** (без использования дополнительной памяти). Общее время работы алгоритма O(n log n).

#### 3 1. Реклама.

В супермаркете решили оптимизировать показ рекламы. Известно расписание прихода и ухода покупателей (два целых числа). Каждому покупателю необходимо показать минимум 2 рекламы. Рекламу можно транслировать только в целочисленные моменты времени. Покупатель может видеть рекламу от момента прихода до момента ухода из магазина.

В каждый момент времени может показываться только одна реклама. Считается, что реклама показывается мгновенно. Если реклама показывается в момент ухода или прихода, то считается, что посетитель успел её посмотреть. Требуется определить минимальное число показов рекламы.

In	Out
5	5
1 10	
10 12	
1 10	
1 10	
23 24	

#### 3 2. Современники.

Группа людей называется современниками если был такой момент, когда они могли собраться вместе. Для этого в этот момент каждому из них должно было уже исполниться 18 лет, но ещё не исполниться 80 лет.

Дан список Жизни Великих Людей. Необходимо получить максимальное количество современников. В день 18летия человек уже может принимать участие в собраниях, а в день 80летия и в день смерти уже не может.

<u>Замечание.</u> Человек мог не дожить до 18-летия, либо умереть в день 18-летия. В этих случаях принимать участие в собраниях он не мог.

In	Out
3	3
2 5 1980 13 11 2055	
1 1 1982 1 1 2030	

2 1 1920 2 1 2000	

## 3\_3. Закраска прямой 1.

На числовой прямой окрасили N отрезков. Известны координаты левого и правого концов каждого отрезка ( $L_i$  и  $R_i$ ). Найти длину окрашенной части числовой прямой.

In	Out
3	5
1 4	
7 8	
2 5	

# 3\_4. Закраска прямой 2.

На числовой прямой окрасили N отрезков. Известны координаты левого и правого концов каждого отрезка ( $L_i$  и  $R_i$ ). Найти сумму длин частей числовой прямой, окрашенных ровно в один слой.

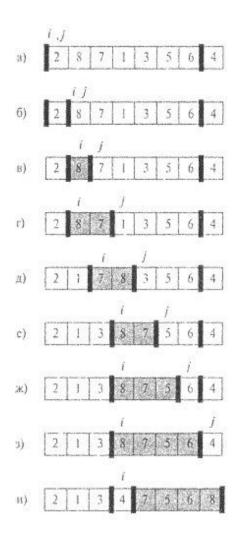
In Out
3
14
7 8
2 5

# Задача № 4 (3 балла)

Даны неотрицательные целые числа n,k и массив целых чисел из [0..10^9] размера n. Требуется найти k-ю порядковую статистику. т.е. напечатать число, которое бы стояло на позиции с индексом k (0..n-1) в отсортированном массиве. Напишите нерекурсивный алгоритм.

Требования к дополнительной памяти: O(n). Требуемое среднее время работы: O(n). Функцию Partition следует реализовывать методом прохода двумя итераторами в одном направлении. Описание для случая прохода от начала массива к концу:

- Выбирается опорный элемент. Опорный элемент меняется с последним элементом массива.
- Во время работы Partition в начале массива содержатся элементы, не бОльшие опорного. Затем располагаются элементы, строго бОльшие опорного. В конце массива лежат нерассмотренные элементы. Последним элементом лежит опорный.
- Итератор (индекс) і указывает на начало группы элементов, строго бОльших опорного.
- Итератор ј больше і, итератор ј указывает на первый нерассмотренный элемент.
- Шаг алгоритма. Рассматривается элемент, на который указывает j. Если он больше опорного, то сдвигаем j.
  - Если он не больше опорного, то меняем а[і] и а[і] местами, сдвигаем і и сдвигаем ј.
- В конце работы алгоритма меняем опорный и элемент, на который указывает итератор і.



- **4\_1.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента "медиана трёх". Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от начала массива к концу.
- **4\_2.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента "медиана трёх". Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от конца массива к началу.
- **4\_3.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента "случайный элемент". Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от начала массива к концу.
- **4\_4.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента "случайный элемент". Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от конца массива к началу.

Out
5

10 0 3 6 5 7 2 9 8 10 4 1	1
10 9 0 0 0 0 0 0 0 1	1

# Задача № 5 (3 балла)

# 5\_1. Первые к элементов длинной последовательности.

Дана очень длинная последовательность целых чисел длины n. Требуется вывести в отсортированном виде её первые k элементов. Последовательность может не помещаться в память. Время работы O(n \* log(k)). Доп. память O(k). Использовать слияние.

In	Out
9 4	1 2 3 4
3745611542	

## 5\_2. Сортировка почти упорядоченной последовательности.

Дана последовательность целых чисел a1...an и натуральное число k, такое что для любых i, j: если  $j \ge i + k$ , то a[i]  $\le a[j]$ . Требуется отсортировать последовательность. Последовательность может быть очень длинной. Время работы O(n \* log(k)). Доп. память O(k). Использовать слияние.

In	Out
10 4	0123456789
0432187659	

## 5\_3. Количество инверсий.

Дана последовательность целых чисел из диапазона (-10<sup>9</sup> .. 10<sup>9</sup>). Длина последовательности не больше 10<sup>6</sup>. Числа записаны по одному в строке. Количество чисел не указано.

Пусть количество элементов n, и числа записаны в массиве a = a[i]: i из [0..n-1].

Требуется напечатать количество таких пар индексов (i,j) из [0..n-1], что (i < j и a[i] > a[j]).

Указание: количество инверсий может быть больше 4\*10^9 - используйте int64\_t.

#include <stdint.h>
int64\_t cnt = 0;
printf("%ld", cnt);

princi ( ora / che//	
In	Out
1	0
2	
3	
4	
4	6
3	
2	
1	
3	2
2	

2	

# Задача № 6 (3 балла)

## 6\_1. MSD для строк.

Дан массив строк. Количество строк не больше 10<sup>5</sup>. Отсортировать массив методом поразрядной сортировки MSD по символам. Размер алфавита - 256 символов. Последний символ строки = '\0'.

In	Out
ab	a
a	aa
aaa	aaa
aa	ab

## 6 2. LSD для long long.

Дан массив неотрицательных целых 64-битных чисел. Количество чисел не больше  $10^6$ . Отсортировать массив методом поразрядной сортировки LSD по байтам.

In	Out
3	4 7 1000000
4 1000000 7	

# 6\_3. Binary MSD для long long.

Дан массив неотрицательных целых 64-разрядных чисел. Количество чисел не больше 10<sup>6</sup>. Отсортировать массив методом MSD по битам (бинарный QuickSort).

In	Out
3	4 7 1000000
4 1000000 7	

# Задача № 7 (6 баллов). Соревнование

# 7. Быстрейшая сортировка.

Отсортировать массив целых чисел за наименьшее время.

Вывести каждое десятое число в отсортированном массиве.

Разрешается использовать произвольный тип сортировки.

Время работы не более 10 секунд.