

Tail Recursion

Tail Rekursion

Motivation

- Auswertung von Rekursion auf Stack am Beispiel:

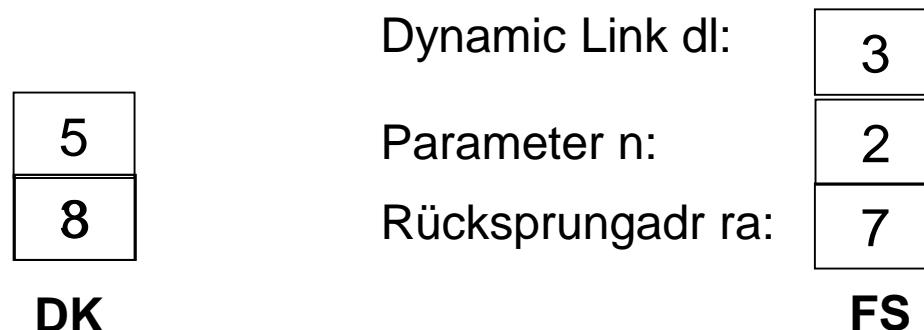
```
def fak(n: Int) : Int = if (n==0) 1 else n*fak(n-1)
```

- Auswertung von Ausdrücken in Postfixnotation auf Datenkeller DK:

3 + 5 -> 3 5 + -> LIT 3; LIT 5; ADD

- Pro Funktionsaufruf ein Block auf Funktionsstack FS

fak(2) ->



Tail Rekursion

Auswertung von fak(2)

```
def fak(n: Int) : Int = if (n==0) 1 else n*fak(n-1)
```

Initialblock auf FS

Auswertung Bedingung auf DK -> else Fall, Laden von n auf DK, fak(n-1)
voriges nochmal

Auswertung Bedingung auf DK -> LIT 1, RET

ra3: MULT, RET

ra2: MULT, RET -> Ergebnis von fak(2) auf DK

ra3: MULT

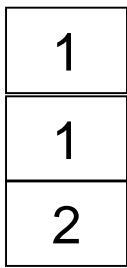
RET

ra2: MULT

RET

ra1: hinter fak(2)

PS



DK



FS

Tail Rekursion

Aufwand und Problemstellung

- Aufwand:
 - Zeit: linear
 - Speicher: linear
- Problem:
 - letzter Befehl bei Funktionsaufruf: MULT
 - Multiplikationen erst ganz am Ende ausgeführt
 - Funktionsaufruf zwischendurch
 - voriger Funktionsblock noch nicht gelöscht, wenn neuer aufgelegt

Tail Rekursion

Idee und Lösung

- Idee:
 - lege erst neuen Funktionsblock auf, wenn voriger gelöscht (oder verwende gleichen)
 - immer nur ein Funktionsblock auf FS
 - Speicherbedarf konstant
- Klappt nur, wenn
 - **nur 1 Funktionsaufruf auf rechter Seite,**
 - **der ganz am Ende ausgeführt wird (bei Postfix-Auswertung)**

Tail-Rekursion

Definition

Definition (Tail-Rekursiv = endrekursiv) aus Wikipedia:

Eine rekursive Funktion f ist **endrekursiv** ([englisch](#) *tail recursive*; auch **endständig rekursiv, iterativ rekursiv, repetitiv rekursiv**), wenn der rekursive Funktionsaufruf die letzte Aktion zur Berechnung von f ist.

Vorteil dieser Funktionsdefinition ist, dass kein zusätzlicher Speicherplatz zur Verwaltung der Rekursion benötigt wird.

Iteration -> Tail Rekursion

Motivation

- Bei fak
 - Zeit : linear -> linear
 - Platz: linear -> konstant
- Schlimmer noch, wenn sowohl Zeit-, wie Speicherbedarf exponentiell
- Fibonacci rekursiv:

```
def fib(n: Int) : Int = if (n==0 || n==1) n
                           else fib(n-1) + fib(n-2)
fib(4)    ->    Int = 5
```
- iterative Lösung: viel besser
- Lösung: iterativ -> Tail-rekursiv

Iteration -> Tail Rekursion

Ausgangspunkt

- Fibonacci iterativ:

```
public int fibIterative(int n) {  
    int vorvor = 0, vor = 1, help;  
  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        help = vorvor + vor;  
        vorvor = vor;  
        vor = help;  
    }  
    return vorvor;  
}
```

- Zeit linear
- Platz konstant

Iteration -> Tail Rekursion

Umsetzung

- gehe von iterativem Programm aus
- lokalen Variablen -> Parameter
- Variablenzuweisungen -> in Parametern ausführen

```
def fibTR(n: Int) : Int = fibHelp(n, 0, 1)
def fibHelp(n: Int, vorvor: Int, vor: Int) : Int
  = if (n==0) vorvor
    else fibHelp(n-1, vor, vorvor+vor)
```

- kann sich `help` sparen, wegen call-by-value
- Zeit linear
- Platz konstant
 - > genauso gut, wie iterative Lösung