عبد دی ادوار تنیق و تبزی

حنالدحنان يوسفزنى khalidyousafzai@hotmail.com

۱۰۲۳ پار نومب

عسنوان

ix																																							^	Ţ	ب	دىيسە
xi																															,	<u>پ</u>	احر	ب-	كادبي	_	_	يكتا	بل	ي پېر	,۔ر	مب
1																																					م	١) نظ	ن ۇ	ش	1
1																																حق	گس	ء پام	ظ	ین	ار	اعسة		1	.1	
۳																																	حق	۰	ام	ل	ئى نۇ	ہشہ		۲	.1	
٣																																: ز	ڹ	گر	ِ _امِ	نظ	ائی	ثن		۳	.1	
۵																						_	اول	<u>ب</u>	ىتىر	بير	_	م.	ب	ئى نظ	ٺ	ەشە	<u></u>	ٰ پام	ظ	ین	ثار	اعب		۴	.1	
_																																						ار		۵	.1	
9																									•	-				-					-			ار		۲	.1	
9	•		•	٠		•		•	•	•	•		•	•	•	٠																						ار		_		
٩	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	~	ياوا	<u>ب</u>	ے س)	رو	<u></u>				ے	-^	مور	0				. اور	<u></u>	0			اس		۸	٠,	
١٣																																					باب		•	ياد	بنه	۲
۱۴																																						ثن		1.	۲	
۱۵																																	•	•		_		ار		۲.		
14																					^	ـــا	تكمه		`			_										ار		۳.		
14																						٠.						-										دواء		۴.		
19		٠					٠					٠	٠		٠																							دوا ^ء		۵.		
۲۱																																		-				مثبيه		۲.	٢	
۲۴		•		٠		٠	•		•		•	•		•	•							٠			٠				ام	ل	م ^{ان}	۰	وتكم	وار		_	ـلام	عر		۷.	۲	
r 9																																						12	رالج	ولين	بو	۳
۲9																														ورار	تص	ادی	نے	کے بذ	_1	الجبر	ين	بوول بوول	•	ء .ا	m	
۳.	•																			·												ر ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	ياضر	نطق	•		1.	۰ ۳				

iv

۱۳۱	۲.۱.۳ منطقی جمع		
, , ,,,,	سراب منطق نمفی		
rr	۳٬۱٫۳ منطق بلاشرکت جمع		
יין אין	۱۰۰۱ کا منطقی منسد ملات شرکت جمع ۵.۱۳ منطقی منسد ملات شرکت جمع		
	۵.۱٫۳ منطقی ضب دبلات شرکت جمع برقی تارون مسین جوژ کی وضاحت	ب ب	
۳۴ ۳.		۲ <u>۳</u> ۳۳	
۳۵	عبد دی گیٹ	, ,	
٣۵	۱٫۳٫۳ ضرب گیٹ		
٣Υ ٣∠	". " .		
r	۳٫۳٫۳ نفی گیٹ		
r 2	۱۱٫۱ سنت دومدا کی جیت برورد در ۱۸۰۰ سنت دومدا می جاد جیم متم کیاب می در ۱۸۰۰ سنت دورد در ۱۸۰۰ سنت دورجیم متم کیاب می در ۱۸۰۰ سنت در ۱۸۰ سنت در ۱۸۰۰ سنت در ۱۸۰ سنت در ۱۸۰ سنت در ۱۸۰ سنت در ۱۸۰۰ سنت در ۱۸۰ س		
۲۳	۱٫۳٫۳ بلاشسرکت جمع گیٹ اور بلاسشسر کت جمع متمم گیٹ		
٨٨	گیٹوں کے برقی خواص	٣.٣	
۳۵	۱٫۴۰٫۳۰ مشتکلم کار		
74	۳٫۳٫۳ مختلوط ادوار		
۴٩	پوولین تف ^ع کی کخمین ہے	۵۳	
٩٣	۱.۵ ۳ پوولین تف ^ع کی کاخمین هم		
۵۱	قو سین مسین سند بوولین تف ^ع ل	٣.٣	
۵۳	بوولين الجبرائے بنڀادی قوانین	۷.۳	
۵۷	ڈی مار گن کے کلیات _ب یں مار گن کے کلیات بات کا مار کا مار گن کے کلیات بات کا مار کا مار کا مار کا کا مار کا کا مار کا	۸.۳	
4+	حب شروال بوولين قف عسل بي	9.10	
41	ار کان ضریب کے محب موعب کی ترکیب	1+.1"	
414	ار کان جمع کی ضرب کی ترکیب	11.11	
٨٢	ار کان جمع کی ضرب کی ترکیب محبوع سار کان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے مابین تبادلہ	14.14	
49	ضرب و بمع دورسے ملم ضرب و ملم ضرب دور کا قصول	11.11	
۱2	جبع وضرب دورسے متم جمع ومتم جمع دور کاحصول	۳.۳۱	
۷٢	عسلامتی روپ یار موز	10.1	
۷٢	۱٫۱۵٫۳ ایکی رموز اورعب کمی رموز		
۲۴	۲.۱۵٫۳		
۲۴	۳٫۱۵٫۳ گرے دموز		
ΛI	_نتشہ بات	كارناف	٢
ΛI	كارنان فقشے كابنيادى جناكه	۱.۴	
۸۳	كارنان فِنْقْشْ كَى مُعِسْسِرائِي . . ِ	۲.۴	
۸۳	کارنان نقشے سے تف عسل کی سیادہ مساوات کا حصول	٣.٣	
۸۵	۴.۳٫۱ دوآزاد متغییرتف عسل		
۸۸	۲٫۳٫۴ تین متغیب رتف عسل ۲٫۳٫۴		
91	۳۳.۴ حپار متغب رتف عسل ۴۳.۴		
91	۴.۳.۴ سنده مساوات سے تف ^ع ل کے ارکان ضرب کا حصول		
۳	ض بعبر ما زجمع کی شکل مب بی سر ادوم سر اول ت	م م	

ع-نوان

90	غيبردلچيپ حسال	۵.۴	
9∠	هی منطق اور تر نکسیسبی ادوار منابع می منطق اور ترکسیسبی ادوار		۵
94	شنائی قیم کاراورشنائی مفلی کار	1.0	
9A 1++	۱.۱.۵ نصف جمع کار		
1.4	۲.۱.۵ منسل جمع کار		
1•4	۵.۱.۵ اعشاری جمع کار		
1 + 9	شنائي شرب كار	r.0	
11+	شناخت کار	۳.۵	
114	شنانت کار کامد دسے تفعیل عمل کا حصول	۳.۵	
11.	دا حسلی منتخب کار اور حسنار جی منتخب کار میسی منتخب کار میسی کار میسی کار میسی کار میسی کار میسی کار میسی کار	۵۵	
17+	۱.۵.۵ خنار جی منتخب کار		
171 178	۲.۵.۵ دا حشلی منتخب کار		
110	ها.ه. ۲۰ دا می حب فاریح هف سان طلق می در در در می متوانی شدند. در	۲.۵	
•		٠.٠	
122	مر ترشیبی منطق اور ادوار		4
۳۳	گیٹوں کے اوت ہے کار	۲.۱	
۱۳۵	پلیٹ کار	۲.۲	
اسم ۱۳۰	باعث متم ضرب گیٹ ایس آریلٹ کار	۳.۲ ۲.۲	
1001	م سرب نیٹ اٹ عن از بیٹ فار ۱٬۴۰۲ عنب رفعال مداحن پلٹ کار، حسال پر قسیرار رکھتا ہے	1.1	
اما	۱٬۲۰۱ میلیز عصال مدا کی پیشت فاربخت این مسید از مسید این می از مسید این اختیار کرتا ہے		
۱۳۲	۳.۴.۲ مداختل R فعـال کرنے ہے پلٹ کارپیت حسال اختیار کرتاہے		
۳	۲.۳.۲ حال دوڑ		
۳۳۱	زياده مداخنل پليئ كار	۵.۲	
١٣٣	ت بل محباز ومعبذ در پلیٹ کار	۲.۲	
٢٣١	آت اعتمال پلٹ کار	∠.٢	
اسم اسم	ڈی پلیٹ کار	۲.۸	
101	۱،۸.۱ اف حلام پیشے فار محے ک علی سردہ دی پیشے فار میں دیا ہے۔ ڈی پلیٹ کار میں	9.4	
100	حے کے پلٹ کار	1+.4	
104	۲.•۱.۱		
۱۵۸	شنائی گئے گار	۲.۱۱	
109	سلىلە دارشنائى جمع كار	17.4	
14+	معاصرتر شیبی ادوار کا محبزی	١٣.٦	
14+	۱٬۱۳۰۲ مساوات حسال		
171	۲٬۱۳۰۶ حیال کاحبہ ول		
145	٣.١٣.٦ حالكات كه		

vi

145	۳.۱۳.۲ څې پليځ کار پر منب ني ترشيهي دور		
141	۵.۱۳.۲ جے کے پلٹ کار پر مسبنی ترتیب ہی دور		
142	۲.۱۳.۲ ٹی پائے کار کی مد د سے ترشیبی دور کا حب ائزہ		
AFI	مىيلى اور مُور نمون من	10.4	
149	۱٬۱۴٬۲ يحسال اوران کي مقسـرري		
14	معاصرترشی دوارگی بهناوٹ	10.4	
		•	
149		وفت	4
۱۸۱	سلىلەداردفتىر	1.4	
IΛI	1.1.۷ دائیں انتقت ال دِفت ر		
۱۸۱	۲.۱.۷ بائیںانتیت ال دفت میں بریں بیان ہوتی ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔		
۱۸۲	۲.۱.۷ دائین وبائین انتصال دفت ر		
۱۸۲	متوازی بھیسے رائی د فت بر	۲.۷	
۱۸۳	عبالمسكيرانتقة الدوفت رين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين	٣. <i>٧</i>	
۲۸۱	كليه وارشنا في جنع كار	۲.۷	
119		گن <u>ـ</u> ــــ	^
119	شن فی گن <u>ت</u> کار	1.1	
191	معاصر گنت کار	۲.۸	
191	۱.۲.۸ معساِصرشن کی گنت کار ِ		
191	۲.۲.۸ شنائی مسرموزاعشاری معساصر گنت کار		
191	دیگر گئت کار	٣.٨	
191	۱٫۳٫۸ متغب رلمب إِنَّ گنت کار		
۲٠٠	۲.۳.۸ برتیب گنت کار		
۲+۱	٣.٣.٨ چھـلاگنــــکار		
۲+۲	۴.٣.۸ و هسٹر کن پیپ داکار		
	• •		
۲+۵	_	حسافظ	•
4+1	عبار ضي حب افظ بي	1.9	
110	پخت مبافل	۲.9	
711	ح افظ کی استعداد بڑھ نے کی ترکیب	٣.9	
217	ابروم. دوعب دد $4 imes 4$ حبافظ سلسله وارجوژ کرایک عب دد $4 imes 8$ حبافظ کا کصول		
271	۲٫۳٫۹ تىن 8 × 16 سافظە سالمەدار جوڑ كرايك 8 × 48 مسافظے كاحصول		
۲۲۵	سروو $4 imes 4$ حسا فیظے متوازی جوڑ کر $6 imes 4$ حسا فیظے کا حصول $6 imes 4$ حسا فیظے کا حصول $6 imes 4$		
۲۲۵	حسافظہ کے اوت ایسے کار ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	۳.9	
۲۲۷	پخت حسافظہ سے ترکسیبی ادوار کا حصول	۵.9	
١٣١	تفكسيل ترتمسيبي منطقي ادوار	مت بل	14
۲۳۲	١٠٠٠ تنگيل ضرب تركيبي منطقي ادوار		
۲۳۳	۲.۰.۰ ستابل تشکیل ضرب و جمع تر کمیسی منطقی ادوار		
rmy	ت بند منظم الشار المستور المس	1.1.	
, , ,	- · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1.1.	

۳۷	اا غيسر معياصر ترشيبي ادوار	
۱۳۱	اا.ا تحبزپ	
۱۳۱	اا.ا.ا شعبوري حبدول	
۵۳	۲.۱.۱۱ بېپاو کاحب ول	
<u>م</u>	اا.۱.۱ حالت دوڑ	
۵٠	اا.۱. ۴ توازن اور ارتعب سش ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب	
۵۲	۲.۱۱ حسالت دوڑھے پاک شنائی عسلامتوں کا تقسیرر ۲.۱۱ مسالہ میں کا تقسیر	
۵۵	۳٫۱۱ عبوری حبدول کی مدد سے پلٹ کا تحب زیبے ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	
۵۵	۱٫۳٫۱ ایس آرپلیٹ	
۵۸	۲٫۳۰۱۱	
	۳۳.۱۱ ایس آریلٹول پر مسبنی غنی رمع اصراد دار کانت دم بات دم تحب نریب سیست در	
<u>۳</u> ۷	۱۲ سوالات	
49	جوابات	

ریباحپ

ی کتاب اسس عسزم سے کتھی گئی ہے کہ سے ایک ون برقی انجنیزنگ کی نصابی کتاب کے طور پر پڑھائی حبائے گی۔ امسید کی حبائے گی۔ امسید کی حبائے ہے۔ مسیں ڈاکٹسر گی۔ اسٹ بھی طلب و طالبات اسس سے استفادہ حساصل کر سکیں گے۔ مسیں ڈاکٹسر محمد اسٹسرون عطا (ہلالِ استیاز، ستارہِ امسیاز) کا خصوصی طور پر نہیایت مشکور و ممنون ہوں حبنہوں نے اپنے مصدروفیات سے وقت نکال کر اسس کتاب کو پڑھ کر سنہ صوف درست کیا بلکہ بہت سارے تکنیکی مصدروفیات ہمی و سراہم کے۔ مسین امیدرکھتا ہول کہ جھے آئے۔ ہمی ان کی مدد حساس ابوگی۔

مسیں یہاں کامسیٹ کے طلب وطالبات کا بھی مشکر ہے ادا کرنا دپ ہت ہوں حب نہوں نے اسس کتا ہے کوبار بارپڑھ کر غلطیوں کی نشاند ہی گی۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارشش کی حباقی ہے کہ وہ اسس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلب و طبالب سے تک پنچے نئیں اور اسس مسیں غلطیوں کی نشاند ہی مسیرے ای مسیل پہتے پر کریں۔

حنالد حنان يوسفز ألى 5 منروري 2013

میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرتب اعلیٰ تعلیم کا داروں مسیں تحقیق کارجمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ یہ سلم حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجو د مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخو د ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجو د آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی سناطب خواہ کو شش نہیں گیا۔

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تھتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بننانے سے انکار کر دیااور یوں ہے کتاب وجودمسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغنی رات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نصابی کتاب و نظام تعلیم کی نصابی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلسل نصاب کی طسر فسے ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایہ سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 28 *اكتوبر* 2011

إب

شنائی نظسام

ا.ا اعثاری نظام گنتی

روز مسرہ زندگی مسیں اعشاری نظام گسنتی استعال ہوتا ہے، جو 0 تا 9 کے ہندسوں پر مسبنی ہے۔ کسی بھی گسنتی کے نظام مسیں کا تعلیم اسس کتبے ہیں۔اعشاری نظام مسیں 0 تا 9، یعنی دسس 10 نظام مسیں کا عالمات ہیں،یوں اعشاری نظام کی اساسس دسس ہے اور اسس کو اساسس 10 کانظام کہتے ہیں۔

مساوات ارامسیں 538.72 کو اعشاری نظام مسیں لکھتے ہوئے زیر نوشت مسیں 10 ککھا گیا ہے، جو اسس بات کی یاد دہانی کر اتا ہے کہ یہ عصد داسس دسس کے نظام مسیں لکھا گیا ہے۔ اسس کتا ہے مسیں چونکہ کی نظام گسنتی استعمال ہوں گے، البندا جہاں مستن سے واضح نہ ہو وہاں اعبداد کے ساتھ ان کی اسسس زیر نوشت مسیں لکھی حبائے گا۔

(i.r)
$$538.72_{10} = (5 \times 10^2) + (3 \times 10^1) + (8 \times 10^0) + (7 \times 10^{-1}) + (2 \times 10^{-2})$$

,

باب. اشنائي نظام

$$x_2 = 5$$
 $x_1 = 3$
 $x_0 = 8$
 $x_{-1} = 7$
 $x_{-2} = 2$
 $x = 538.72_{10}$
 $x = x_2 x_1 x_0 . x_{-1} x_{-2}$

مشکل ا. ا:عبد د کے ہند سول کو یکارنے کا طب ریقہ کار۔

اسس حقیقے کو درج ذیل عبومی رویے میں لکھ کتے ہیں۔

(i.r)
$$\cdots a_2 \times 10^2 + a_1 \times 10^1 + a_0 \times 10^0 + a_{-1} \times 10^{-1} + a_{-2} \times 10^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{10}$

عدد 538.72_{10} کو x لیتے ہوئے، شکل المسیں اسس کے مختلف ہند سول کو پکارنے کا طسریق و کھایا گیا ہے، جسس کے تحت 5 کو x جبکہ 3 کو x کہیں گے، وغیبرہ۔

اسس طسرح کی بھی عبد دمسیں بائیں حبانب ہندے کا رتب دائیں حبانب ہندے کے رتب سے بلند ہو گا۔مساوات ا.امسیں بلند تررتب کاہندسہ 5 ہے،جبکہ کم تررتبے کاہندسہ 6 ہے۔

مساوات ۱۰، مسیں سات کو تین مختلف طسریقوں سے تکھا گیا ہے۔ روز مسرہ زندگی مسیں سات پہلی طسرز پر لکھا حباتا ہے۔ یول کاعند پر لکھتے ہوئے کی بھی عدد کے بائیں حبانب صغسر نہیں تکھے حبات اور عدد کے بائیں حبانب کاعند نو کو حنالی چھوڑا حباتا ہے۔ یہاں سے بات سمجھنا ضروری ہے کہ روز مسرہ زندگی مسیں اعداد تکھتے وقت ان کی لمبائی یان مسیں گل ہدد ہوں کی تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں ہوگئی عدد کو کے بائیں حبانب حبال جا کا ہونا خروری ہے۔ کمپیوڑ مسیں ہر قتم کی کے بائیں حبانب حبال جگ اس بات کا فیصلہ کیا حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کہتے ہے بہتے اس بات کا فیصلہ کیا جباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے بائیں ہنا ہوگئی حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے جہائے کہ سے کا مسینا ہوگئی ہو تواسس تمام جگھے کو ہر صور سے استعال کرنا ہوگا ۔

اعثاری نظام مسیں گسنتی 0_{10} سے شروع ہوتی ہے اور بتدار تگ بڑھتے ہوئے 9_{10} تک پہنچتی ہے۔ اسس دوران دہائی، سینکڑا، وغنیسرہ کے مصام پر صف ررہت ہے اور انہیں عام طور نہیں لکھا حباتا۔ گسنتی نو تک پہنچنے کے بعد دہائی، لیمنی 10^0 ، وزن رکھنے والے مصام پر 0 کی بحبائے 1 ککھا حباتاہے اور اکائی، لیمنی 10^0 ، وزن رکھنے والے مصام پر دوبارہ 0 تا 9 گست کی حباتی ہے۔

۱.۲ بشتمي نظب م گنتي

اگر آپ کواس پیسراگران کی مسجھ نہیں آئی تواہے دوبارہ پڑھیں۔اس مسیں سادہ گسنتی کی وضاحت کی گئی ہے۔

اعثاری نظام مسیں اگراعبداد کو ایک بہندے تک محدود کر دیا جبائے تواسس مسیں $0_{10} = 9_{10}$ تک گسنتی مسکن ہوگی۔ اگر اعبداد کو دوہند سے ہوں، تب محدود کر دیا جبائے، لینی اسس مسیں زیادہ سے زیادہ دوہند سے ہوں، تب موسکن ہوگی، ای طسرح تین ہند سول تک کے عدد استعال کرنے سے $000_{10} = 000_{10}$ تک کرباسکتی ہے، وغیبرہ۔

۱.۲ مشتی نظام گنتی

ہشتمی نظام 0 تا 7 ہند موں پر مبنی ہے۔ اس نظام مسیں آٹھ ہند ہے ہیں الہذا ہے۔ اس آٹھ نظام ہے۔ بالکل اعتباری نظام کی طسر تر، اس نظام مسیں اعتبارہ کھتے ہوئے اعتبار ہے بائیں حبائب پہلے ہند ہے کا وزن $8^0 = 8_1$ ، دوسرے ہند ہے کا $8^1 = 8_1$ ، تیسرے کا $8^0 = 8_1$ ، وغیبرہ، جبکہ اعتبار ہے دائیں حبائب پہلے ہند ہے کا وزن $8^1 = 8_1$ ، دوسرے کا $8^1 = 8_1$ ، دوسرے کا $8^1 = 8_1$ ہوگا، وغیبرہ۔ حبائب پہلے ہند ہے کا وزن $8^1 = 8_1$ ہوگا، وغیبرہ۔

$$\begin{array}{l} 538.72_8 = [(5\times 8^2) + (3\times 8^1) + (8\times 8^0) + (7\times 8^{-1}) + (2\times 8^{-2})]_{10} \\ = [(5\times 64) + (3\times 8) + (8\times 1) + (7\times 0.125) + (2\times 0.015625)]_{10} \\ = [320 + 24 + 8 + 0.875 + 0.03125]_{10} \\ = 352.90625_{10} \end{array}$$

ہشتمی نظامِ گنتی کے لئے مساوات استورج ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

(I.1)
$$\cdots a_2 \times 8^2 + a_1 \times 8^1 + a_0 \times 8^0 + a_{-1} \times 8^{-1} + a_{-2} \times 8^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0, a_{-1} a_{-2} \cdots)_8$

ہ متی نظام مسیں دیے گئے عبد د کواعشاری نظام مسیں تبدیل کرنامساوات ا۔۵مسیں د کھایا گیا ہے۔ ہشتی عسد د کے زیر نوشت مسیں 8 اسس بات کی یاد دہائی کراتا ہے کہ ہے۔ عبد دہشتی نظام مسیں لکھا گیا ہے۔

1 اسس نظام مسیں گسنتی 0 سے سشروع ہوتی ہے، 7 تک یہ بینچنے کے بعد 8^1 وزن رکھنے والے معتام پر 0 کی بحبائے 1 ککھا حباتا ہے اور 8^0 وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 ہے 7 کی گسنتی سشروع ہوتی ہے۔

۱.۳ شنائی نظام گستی

ما نگر و کنٹ رولر کی دنیا مسیں شنائی نظام گستی استعال ہوتا ہے۔ شنائی نظام دوہت دسوں، 0 اور 1 ، پر مسبنی ہے، البذا سے اساس دو کانظام ہے۔ اسس نظام مسیں گستی 0 سے شسروع ہوتی ہے، 1 تک پہنچنے کے بعد 2¹ وزن رکھنے ابا. شنائي نظام

والی معتام پر 0 کی بحب ئے 1 کھے حب تا ہے، اور 20 وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 سے 1 گسنتی سنسہ وع ہوتی ہے۔ اسس نظام مسیں گسنتی کو مساوات اے مسیں د کھایا گیا ہے، جہاں زیر نوشت مسیں اساسس لکھنے سے گریز کسیا گیا ہے۔ مواز سنہ کے لئے اعشاری گسنتی بھی پیش کی گئی ہے۔

اس نظام مسیں اعتداد کھتے ہوئے اعشار ہے کے بائیں حبانب پہلے ہندے کا وزن $2^0=1_{10}$ ہوگا، دوسرے کا میں بھیلے ہندے کا وزن $2^1=2_{10}$ ہوگا، دوسرے کا $2^1=2_{10}$ ہوگا۔ $2^2=4_{10}$ ہوگا۔ $2^1=2_{10}$ ہوگا۔ $2^1=2_{10}$ ہوگا۔

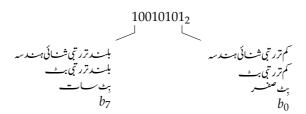
شنائی نظام گسنتی کے لئے ی مساوات اسران ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

(I.A)
$$\cdots b_2 \times 2^2 + b_1 \times 2^1 + b_0 \times 2^0 + b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} \cdots$$

= $(\cdots b_2 b_1 b_0 \cdot b_{-1} b_{-2} \cdots)_2$

مساوات اوا مسین شنائی نظام مسین دیے گئے عدد کو اعشاری نظام مسین تبدیل کرنا د کھایا گیا ہے۔ شنائی عدد کے زیر نوشت مسین کا اسس بات کی یاد دہانی کراتا ہے کہ یہ عصد دشنائی نظام مسین کھا گیا ہے۔

$$\begin{array}{l} 1011.1_2 = [(1\times 2^3) + (0\times 2^2) + (1\times 2^1) + (1\times 2^0) + (1\times 2^{-1})]_{10} \\ = [(1\times 8) + (0\times 4) + (1\times 2) + (1\times 1) + (1\times 0.5)]_{10} \\ = [8+0+2+1+0.5]_{10} \\ = 11.5_{10} \end{array}$$



مشكل ٢.١: بلن د تراور كم تررتبي بهن دسے۔

شنائی عدد کے ہندسوں کو پکارنے کا طسریقہ سشکل ۲۰۱۱مسیں دکھایا گیا ہے۔ شنائی عدد کے دائیں ترین ہندے کو کم تر تی بخد یا گلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی ارموجودہ مشال مسیں) بند کو بند دویا بند کو کہ بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کو بلند تر ہی شنائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کے کہ بندائی ہندسہ یابند کی کہ بندائی ہندہ کے کو بندائی ہندسہ یابند کی کو کہ بندائی ہندہ کی کہ بندائی ہندہ کی کو بندائی ہندائی ہن

اگردیے گئے شنائی عبد د کے اعشار ہے کے دائیں حبانب کچھ نے ہو، تب درج ذیل لکھا حباسکتا ہے:

(1.1•)
$$1011_2 = (2^3 + 2^1 + 2^0)_{10} = (8 + 2 + 1)_{10} = 11_{10}$$

جوہندے 1 ہیں،ان کے وزن جمع کیے سباتے ہیں۔

حیارہت موں کاشٹ کی عدد و 0000_2 تا 11112 گستی کر سکتا ہے؛ اسس ہے بڑا عمد در کھنے کے لئے حیارے زیادہ ہند ہوں گے۔ ما تکرو کنٹ مرولر آٹھ شٹ کی ہند موں کے اعمد او استعمال کرتا ہے جو 00000000_2 تا 11111111_2 ، یعنی 010 تا 015 خابر کر سکتے ہیں۔

۱.۴ اعشاری نظام سے شنائی نظام مسیں تبادلہ

اعثاری نظام مسیں دیے گئے عدد کوشنائی نظام مسیں لکھنے کی حناطسر اسس عدد کوبار بار 2 سے تقسیم کریں، حتٰی کہ یہ مسزیہ مسین بہلے حاصل باقی کوشنائی عدد کہ یہ مسزیہ تقسیم سے ہوئے ہم مسرت تقسیم کے بعد حساصل باقی کو اسس سے دگنے وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری کے سب سے کم وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری حساسل باقی کو اسس سے دینے وزن کے مصام پر لکھیں۔ یول شنائی عدد حساصل بوگا۔ یہ طسریق استعال کرتے ہوئے 1210 کوشنائی کھیں کی میں لکھتے ہیں۔

باب ا. شنائی نظام

121 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 60 اور باقی 1 ملت ہے۔ 60 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 30 اور باقی 0 ملت ہے۔ 30 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 15 اور باقی 0 ملت ہے۔ 15 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 7 اور باقی 1 ملت ہے۔ 7 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 3 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔

ا ب سب سے آ حضری" باتی"کوسب سے زیادہ وزن کے معتام پر اور سب سے پہلے" باقی"کوسب سے کم وزن کے معتام پر کھتے ہیں۔ بیل د 1111001 سے صل ہو گا، البیذا

$$121_{10} = 1111001_2$$

ہو گا جہاں سات شنائی ہندے استعمال کیے گئے ہیں۔ اپنی تسلی کے لئے اسس عدد کو واپس اعشاری نظام مسیں منتصل کرتے ہیں۔

$$1111001_2 = 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^0 = 64 + 32 + 16 + 8 + 1 = 121_{10}$$

اسس طسریقے کار کی بہتر صور ہے پیش کرتے ہیں۔

2	121	
	60	1
	30	0
	15	0
	7	1
	3	1
	1	1
	0	1

عب دمسیں اعث ارب کے مائیں مبانب صب کو حصب صحیح ، جب کہ دائیں حصب کو حصب مکور ماکسری کتے ہیں۔

xxxxxx . yyyyyy

يون 121.6875 مين 121 عدد صحيح اور 6875 عدد مكوريــــ

عشری عدد کے صحیح حسہ کو شائی نظام مسیں تبدیل کرنا آپ سیکھ چکے؛ حسہ مسکور تبدیل کرنے کا طسریقے زرہ مختلف ہے۔ آئیں ہے عمسل سیکھیں۔

حصہ مکور کوباربار 2 سے ضرب دیں۔ اگر حسامسل ضرب کے اعشاریہ کے بائیں حبانب 1 حساس ہو تواسس کو حسامسل ہو تواسس کو حسامسل ضرب سے ہٹ اگر شن ائی عدد کے دائیں حبانب مسلک کریں ور سنہ شن کی عدد کے دائیں حبانب مسلک کریں۔ اسس عمسل کوایک مدد سے مشال کی مدد سے مسلک ہیں۔

	شنائی
$2 \times 0.6875 = 1.375$	0.1
$2 \times 0.3750 = 0.750$	0.10
$2 \times 0.7500 = 1.500$	0.101
$2 \times 0.6875 = 1.375$ $2 \times 0.3750 = 0.750$ $2 \times 0.7500 = 1.500$ $2 \times 0.5000 = 1.000$	0.1011

يوں والے 0.1011ء ہوگا؛ آحت رمیں دونوں حصوں کو ملاکر شنائی عبد دحسا صل کرتے ہیں۔

 $121.6875_{10} = 111001.1011_2$

۱.۵ اساسس سوله (سادسس عشری) نظام گنتی

اس سولہ کے نظام مسیں اعبداد کی سولہ عسامتیں ہیں۔ان مسیں پہلی دس عسامتیں 0 تا 9 ہیں، جب باتی عسامتیں، بڑی کھیائی مسیں انگریزی حسرون بھی کے بہلے جہد حسرون لین کھی اور A ہیں۔ عسامت A دسس A والمان کو خساہر کرتی ہے، لین کی جب کہ A عسامت A والم ای خسارہ کو خساہر کرتی ہے۔ لین المسیں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر طسرح جہاتے ہوئے A ہیندرہ کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات المان میں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر

۸ باب ا. شنائی نظام

آگے ہر گزم<u>۔</u> بڑھیں۔

$$00_{10} = 00_8 = 0000_2 = 0_{16}$$

$$01_{10} = 01_8 = 0001_2 = 1_{16}$$

$$02_{10} = 02_8 = 0010_2 = 2_{16}$$

$$03_{10} = 03_8 = 0011_2 = 3_{16}$$

$$04_{10} = 04_8 = 0100_2 = 4_{16}$$

$$05_{10} = 05_8 = 0101_2 = 5_{16}$$

$$06_{10} = 06_8 = 0110_2 = 6_{16}$$

$$07_{10} = 07_8 = 0111_2 = 7_{16}$$

$$08_{10} = 10_8 = 1000_2 = 8_{16}$$

$$09_{10} = 11_8 = 1001_2 = 9_{16}$$

$$10_{10} = 12_8 = 1010_2 = A_{16}$$

$$11_{10} = 13_8 = 1011_2 = B_{16}$$

$$12_{10} = 14_8 = 1100_2 = C_{16}$$

$$13_{10} = 15_8 = 1101_2 = D_{16}$$

$$14_{10} = 16_8 = 1110_2 = E_{16}$$

$$15_{10} = 17_8 = 1111_2 = E_{16}$$

اس نظام میں اشاریہ کی بائیں جانب پہلے ہندے کاوزن $1_{10}=1_{00}$ ، دوسرے کا $1_{00}=1_{00}=1_{00}$ ، اور تیسرے کا $1_{00}=1_{00}=1_{00}$ ، اور تیسرے کا $1_{00}=1_{00}=1_{00}$ ہوگا۔

ماوات المامسیں ساوس عشری یا اس سولہ نظام مسیں دیے گئے عسد د کو اعشاری نظام مسیں تبدیل کرناد کھایا گئے ہے۔ ایب کرتے ہوئے $A=10_{10}$ اور $C=12_{10}$ کے گئے۔

$$\begin{array}{l} 3AC.8_{16} = (3\times16^2)_{10} + (10\times16^1)_{10} + (12\times16^0)_{10} + (8\times16^{-1})_{10} \\ = (3\times256)_{10} + (10\times16)_{10} + (12\times1)_{10} + (8\times0.0625)_{10} \\ = (768+160+12+0.5)_{10} \\ = 940.5_{10} \end{array}$$

مساوات اسس سولہ کے لئے درج ذیل ہو گی۔

(1.17)
$$\cdots a_2 \times 16^2 + a_1 \times 16^1 + a_0 \times 16^0 + a_{-1} \times 16^{-1} + a_{-2} \times 16^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{16}$

۱.۱ اس سروكاا س آم الله مسين تبادله

مساوات اسرا اسمیں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ سے سشروع کرتے ہوئے، اعشاریہ کی دونوں حباب تین تین میں میں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ کی بائیں حبانی اگر آخنہ مسیں علی ہوا ہوا کی بائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اس آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اساس آ گھ ہدر سے اور کا گورہ پورا کی جگ ہوں کو جگ کھی گیا۔ بدر کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کا مسیل منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کی جگ ہوت رادر کھتا ہے۔ اسس طسر آ اسس عدد کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ بادر ہوت رادر کھتا ہے۔

(1.17)
$$\begin{aligned} 1101100.1_2 &= (001\ 101\ 100\ .100)_2 \\ &= (\ 1\quad 5\quad 4\ .\quad 4)_8 \\ &= 154.4_8 \end{aligned}$$

اساسس دو كااساسس سوله مسين تبادله

(1.14)
$$1101100.1_2 = (0110 \ 1100 . \ 1000)_2$$

$$= (\ 6 \ C \ . \ 8)_{16}$$

$$= 6C.8_{16}$$

۱.۸ اساسس آگھ اور اساسس سولہ سے اساسس دومسیں تبادلہ

انہ میں طسر لیقوں کو الٹ استعال کرتے ہوئے اس س آٹھ اور اس سس سولہ کے اعبداد با آپ نی اس سس دو مسیں لکھے حبا کتے لکھے حبا کتے ہیں۔ مساوات ۱۲.۱مسین اس اس آٹھ:

١٠ باب ا. شنائي نظام

اور مساوات ا. ۷ امسین اساسس سوله کوشنائی عبد دکی صورت مسین لکھناد کھایا گیاہے۔

ہم نے دیکھ کہ شنائی عبد د کے ہند سول کو تین تین کے گروہ مسیں لکھنے ہے اس سس آٹھ اور حپار حپار کے گروہ مسیں کھنے ہے اس سس بولہ عبد د کے ہند سول شنائی عبد د سے اس سس بولہ عبد د حباصل شنائی عبد د سے اس سس بولہ اعبد اد حباصل کریں۔

$$1001101000101111.0111_2 = (001 \quad 001 \quad 101 \quad 000 \quad 101 \quad 111 \cdot 011 \quad 100)_2$$

$$= (1 \quad 1 \quad 5 \quad 0 \quad 5 \quad 7 \quad 3 \quad 4)_8$$

$$= 115057.34_8$$

$$1001101000101111.0111_2 = (1001 \quad 1010 \quad 0010 \quad 1111 \cdot 0111)_2$$

$$= (9 \quad A \quad 2 \quad F \quad 7)_{16}$$

$$= 9A2F.7_{16}$$

مساوات ۱.۲۱ اور مساوات ۱.۷۱ کو آحضری لکسیروں مسین شنائی اعبداد کو دیکھتے ہوئے بہت حبلدانسان اکتاحباتا ہے،البت،انہسیں مساوات مسین جہاں شنائی اعبداد گروہ کی صورت مسین لکھے گئے ہیں،وہاں انہسین سمجھنا آسان ہے۔ یکی وحب ہے کہ شنائی اعبداد بالخصوص اور دیگر اعبداد بالعموم گروہ می صورت مسین لکھے حباتے ہیں۔

ایک ہندے پر مبنی شنائی عبد دکوشنائی ہندسہ یابٹ کہتے ہیں؛ آٹھ شنائی ہندسوں، بینی آٹھ بنے، کے گروہ کو ہشتمی شنائی عبد دیابائٹ کتے ہیں۔بائٹ کو عبوماً حیار حیار شنائی اعبداد کے گروہ مسیں لکھا حیاتا ہے۔ یوں مساوات ایا مسیں دوبائٹ ہیں۔ای مساوات کوالٹ حیلاتے ہوئے سے واضح ہے کہ ہشتمی شنائی عبد دکو حیار حیار شنائی اعبداد کے گروہ مسیں لکھ کرانہیں جیلداب سس مولہ مسیں کھیا جب سکتا ہے۔

سوالا___

سوال ۱.۱: درج ذیل اعث اری اعب داد کوشن ائی روپ میں لکھیں۔

5.625 .i	4096 .	.5. 128	33 .1
13.6875 Z	0.375 .	256 .	64 .—

سوال ۱.۲: درج ذیل شنائی اعب داد کواعث اری روی مسیس کهین ب

101101011 .» 1101 .č 10 . 11001010011 . 11011 . 101

بواب: 2 · 5 · 13 · 27 · 363 · 91 · 363

سوال ۱.۳۰ درج ذیل شنائی اعب داد کواعث اری روی مسین کلهین ـ

. 15.9375 ، 4.125 ، 11.40625 ، 0.203125 ، 5.25 ، 2.5 : الماد على الماد ا

سوال ۱.۴: درج ذیل اعشاری اعب داد کواب سس سوله اوراب سس آ تھ مسین تب دیل کریں۔

1024 .» 32 .č 7 .l 2048 .9 64 .9 23 .___

. بواب: ال سس سوله 7 ، 17 ، 20 ، 40 ، 400 ؛ ال سس آهر 7 ، 27 ، 40 ، 100 ، 2000 ، 4000 ؛ ال

سوال ۱۰۵: درج ذیل اس سس سوله اعبداد کواب سس آڅه اورشنا کی روپ مسین کهین -

FO .; A.BC ... 1A .2 7 ... FFFF .2 0.12 ... 2B3 ... 10 ...

اب۲

بنیبادی حساسب

شن کی نظام مسیں حساب بالکل ای طسرت کیا حباتا ہے جس طسرت اعشاری نظام مسیں۔ چند مشالوں کے مطالعہ سے وضاحت ہوگی۔

شن کی نظام مسین اعبداد کا محبسوعی اعشاری نظام مسین دواعیداد کے محبسوعی سے مسجھا حباسکتا ہے۔اعشاری نظام کی مندرحب ذیل مشال پر غور کریں جس مسین 37.5 اور 29.6 جمع کیے گئے ہیں۔

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

آپ نے دیکھ کہ حساسل (1) کو (بائیں) زیادہ وزنی معتام پر منتقتل کیا گیا۔ یکی شنائی جمع مسیس کیا حبائے گا۔ شنائی نظام مسیس صروف دوہندے، 0 اور 1 ،پائے حباتے ہیں جن کی حیار ممکن محبوعے درج ذیل ہیں۔

اب ۲ بنیادی حاب

پہلی تین جع میں ساسل 0 جبکہ آسٹری میں ساسل 1 ہے۔

آئیں، زیادہ شن کی ہند سول کے اعبداد کی جمع کی مشالیں دیکھیں؛ان کی اعشاری نظام مسیں جمع بھی دی گئی ہیں۔

وائیں ہاتھ شن کی 11 اور 10 بھٹ کرکے 101_2 حساس کیا گیا جو اعثاری نظام مسیں 5=2+3 ہو گا، جب کہ بائیں ہاتھ شن کی 1101 اور 1001 بھٹ کرکے 1010_2 حساس کیا گیا جو اعثاری نظام مسیں 22=9+13 کے مستسراد ف ہے۔

آ حن رمیں، کسری اعبداد کی جمع کی ایک مثال دیکھتے ہیں۔

۲.۱ شنائی نظام مسیں اعبداد منفی کرنا

دوبِك (شنائى عدد) منفى كرنے كے درج ذيل حسار مسكنات پائے حساتے ہيں۔

$$0-0=0$$
 $1-0=1$
 $1-1=0$
 $0-1=1$ ((1could be described)

ی آخنے ری مساوات مسیں صف رسے ایک اسس صورت منفی کیاد کھایا گیا ہے جب ادھار 1 لین ممکن ہو۔ ایک اور مثال دیکھتے ہیں۔

110.01		
-101.1	6.25	110.01
0.112	-5.50	-101.1
	0.75 ₁₀	0.112

۲.۲.۱ اب تماليا ۲ کاتلمله

شنائی منفی کی چیند مشالیں حسل کر کے اعشاری منفی ہے ان کی تصیدیق کریں۔ایسا کرنے سے زیادہ وضیاحت ہو گی۔

۲.۲ اساس تکماه یا ۲ کاتکها به

کی بھی اس کی نظام مسیں، ہندسہ کو اس س ، (r) ، سے منفی کرنے سے ہندسے کا اس کی تکمسلہ (یا r کا تکمسلہ) مسیل ہوگا۔ یوں، ہندسہ اور ہندسے کے اس کی تکمسلہ کا محبوعہ اس س کے برابر ہوگا۔ مشلاً، اعشاری نظام مسیل r کا کا اس کی تکمسلہ r اور ان دونوں کا محبوعہ r واحث ارکی نظام کے اس سے برابر ہے۔ ای طسرح 5 کا اس می تکمسلہ r ، اور 9 کا اس می تکمسلہ r ہوگا۔

اعثاری نظام مسین عسد د0 اعثاری نظام مسین عسد د0 تیست کی قیست 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہسند ہوں گے۔

$$10^2 = 100_{10}$$

$$10^5 = 100000_{10}$$

$$10^7 = 10000000_{10}$$

n ہندے ہوں، کے اسا تی n ہندے ہوں، کے اسا تی n ہندے ہوں، کے اسا تی تقسام کی اساس n ہندے ہوں، کے اسا تک تکسلہ (لیمن n کا تکسلہ کے تکسلہ) سے سراد عدد n ہوگا۔ یوں n ہوگا۔ یوں n ہوگا۔ n ہوگا۔ n ہوگا۔ n ہوگا۔ اور n ہوگا۔ اور تی تک تکسلہ در تی ذکل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad (10^4 - 5391)_{10} = (10000 - 5391)_{10} = 4609_{10}$$

اى طسىرى عدد 320753 جسى مسين 6 بىندسے بين كااساسى تكسلە:

$$(r.r) \qquad (10^6 - 320753)_{10} = (1000000 - 320753)_{10} = 679247_{10}$$

اور 679247 كا 2 كاتكماله درج ذيل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad \qquad (10^6 - 679247)_{10} = (1000000 - 679247)_{10} = 320753_{10}$$

N برعب دو N کے اساس تکسلہ کا اساس تکسلہ وہی عبد دN ہوگا۔ اسس کا ثبوت کچھ یوں ہے: عبد دی N کا اساس تکسلہ $r^n-(r^n-N)$ بوگا۔ r^n-N اور عبد دn-N کا اساس تکسلہ r^n-N

شنائی نظام کی اس س 2 ہے اہندا n ہند سوں پر مبنی شنائی عدد N کے 2 کا تکمیاہ (یعنی اساس تکمیاہ) 2^n-N ہوگا۔

اب۲. بنیادی حاب

شنائی نظام میں عدد 10^n کے سب سے وزنی ہند سے کی قیمت 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہند ہول گے۔

$$\begin{aligned} 2^2 &= 100_2 \\ (\text{r.a}) & 2^5 &= 100000_2 \\ 2^7 &= 10000000_2 \end{aligned}$$

يوں 10112 اور 10001 ك 2 ك تكسله بالت رتيب درج ذيل ہول كے۔

(r.y)
$$(2^4 - 1011)_2 = (10000 - 1011)_2 = 0101_2$$

$$(2^5 - 10001)_2 = (100000 - 10001)_2 = 01111_2$$

اس منفی ایک تکسله یا (r-1) کا تکسله rبه

 r^n-1-N اس منی ایک در r-1 کا تکسلہ کے اس منی ایک کے اس منی ایک کا تکسلہ (r-1) کے تکسلہ کے مسراد r-1-1 کا تکسلہ (نوکا تکسلہ) اور شنائی نظام مسین اس منی ایک کا تکسلہ (نوکا تکسلہ) اور شنائی نظام مسین اس کا تکسلہ (ایک کا تکسلہ) کتاب کہتے ہیں۔

اعشاری نظام مسیں 376 اور 7852 کے 9 کے تکسلہ،بالتسرتیب مندرحبہ ذیل ہوں گے۔

$$10^{3} - 1 - 376 = 1000 - 1 - 376$$

$$= 999 - 376$$

$$= 623_{10}$$

$$10^{4} - 1 - 7852 = 10000 - 1 - 7852$$

$$= 9999 - 7852$$

$$= 2147_{10}$$

اعثاری نظام مسین عبد د 10^n-1 ، 10^n بندسون پر مشتل ہوگا، جہاں ہر ہندسے کی قیت n ، n ، n ، n

$$10^3 - 1 = 1000 - 1 = 999_{10}$$
 (r.n)
$$10^6 - 1 = 1000000 - 1 = 9999999_{10}$$

$$10^8 - 1 = 100000000 - 1 = 99999999_{10}$$

شنائی نظام میں عدد $n \cdot 2^n - 1$ ہند سول پر مشتمل ہوگا، جہاں ہر ہند سے کی قیمت 1 ہوگا۔

$$2^3-1=1000-1=111_2$$
 (r.9)
$$2^5-1=100000-1=11111_2$$

$$2^8-1=100000000-1=11111111_2$$

شن فی نظام مسیں 10012 اور 1011102 کے 1 کے تکسلہ،بالت رتیب،درج ذیل ہول گے۔

$$\begin{array}{c} 2^4-1-1001=1111-1001=0110_2\\ 2^6-1-101110=111111-101110=010001_2 \end{array}$$

آپ دکھ سے بیں کہ شنائی ہندسہ 0 کا"ایک کا تکسلہ"،شنائی ہندسہ 1 ہوگا، اور ای طسرح عسدد 1 کا"ایک کا تکسلہ"،شنائی ہندسہ 0 ہوگا۔ہم کے بین 0 کامتم 1 اور 1 کامتم 0 ہے۔

شنائی عبد دN کا سس منفی ایک کا تکسله، $\overline{N} = d$ سام کسیاحیا تا ہے المبند ادرج ذیل کھے حب سکتا ہے۔

$$\begin{array}{c} \overline{1}_2=0_2\\ \overline{0}_2=1_2\\ \overline{1001}_2=0110_2\\ \overline{101110}_2=010001_2 \end{array}$$

ان دومث الول ہے ایک اہم حقیقت واضح ہو تا ہے: شن کی عبد دمسین ہر ہند سے کامتم کسینے سے (یعنی ہر 0 کو 1 ،اور ہر 1 کو 0 کرنے ہے) اسس کاایک کا تکسلہ مامتم سیاصل ہوگا۔

ثنائی مدد کے ہر ہے کا متم لینے سے مدد کا 1 کا تکله (یعنی متم) ماصلی ہوگا۔

 r^2-1-N اور (r-1) کے تکسلہ سے سراد r کیسلہ سے سراد r کا تکسلہ حاصل کے حسراد r کا تکسلہ حاصل کے حسال کیا ہے، لین عدد کے متم کے ساتھ r بین عبد کے ساتھ r بین عبد کے مسلم ہوگا۔ اس طسرت اس کا تسلم کے حسال کرتے ہیں۔ میں دیے گئے اعبد ادکے r کے تکسلہ ہم اسس طسریقہ سے حساس کرتے ہیں۔

چونکہ $0100=\overline{1011}$ ہے لہذا 1011 کا اس می تکسلہ 0100+1=0100 ہوگا۔ ای طسرت 01001 کے متم 01100 کے متم 01110 کے ساتھ 1 جمع کرنے ہے اس کا اس می تکسلہ 01110 سامسل ہوگا۔

۲.۴ دواعب داد کی منفی پذریعب اساسی تکمه لیه

ستلم و کاعن نے ساتھ، M = N منٹی کرنا چھوٹی جساعتوں مسیں سکھایا حباتا ہے۔ برقیات مسیں بھسلہ کی مدد سے دواعبداد منٹی کے حباتے ہیں، جباں دونوں اعبداد مسیں ہند سوں کی تعبداد برابر ہونالازم ہے۔اسای بھسلہ کی مدد سے M-N مندر حب ذیل طسریق کارہے حساصل کیا جباتا ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہندسوں کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہندسوں والے عبدد کی بائیں حبانب (درکار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپاں کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعبدد مسیں 11 ہندھیاۓ حباتے ہیں۔
- م کی قیت کی گیت ہونے کی صورت مسیں، آخنہ ری (بائیں) ہندہ جمع کرنے سے حساس M کی قیت کی بین ہے دیا ہوگا، جس کی بین ہے مصبوع n+1 ہند سول پر مشتل ہوگا اور اسس کا بایاں ہند سے n+1 ہوگا۔ اسس بائیں ہیند سے کو (لینی حساس ل n کو) نظر انداز کریں؛ باتی n ہند سول پر مسبقی عبد داسس جو اب ہوگا۔

اب ۲ بنیادی حساب

1 کی قیت N کی قیت ہے کم ہونے کی صورت مسیں، آ حضری (بائیں) ہندہ ہے جن کرنے سے حساس M پیدا تمہیں ہوگا: محبوعہ منفی عبد د کو ظب ہر کرے گا، اور n ہند سول پر مسبنی ہوگا۔ محبوعے کا اس می تکسلہ لے کر اس کی بائیں حب انب منفی عسلات شکل کر کے جو اب حساس کی بائیں حب انب منفی عسلات شکل کر کے جو اب حساس کا وگا۔

مثال ابن اعث اری اعب او کاحب اصل منفی 974 – 7852 دس کے تکمیا ہے کی مدوے دریافت کریں۔

جواب: يہاں بڑاء ہے دو 7852 حيار ہند موں پر مسبنی ہے، البذا چھوٹا ہے دو 0974 ککھیں اور n=4 لیں۔ یوں 0974 والس کا کا اساس کی کہا ہے 0000-0974=9026 ہند موں کا 0974=9026+7852=16878 کے ساتھ جمح کرنے ہے 0000+7852=16878 میں موسل ہوگا۔ چونکہ ہے ہیں دو کہ ہند موں پر مسبنی ہے، البذا ہا بگی ہند ہے کو نظر انداز کرتے ہوئے 0878=9026+7852=1000 کو نظر انداز کرتے ہوئے 0878=9026+1000 کو جواب سلیم کرتے ہیں۔ (ہم در هیقت آحضری ہند موں کی جمع ہے ہیدا حساس ل کے والد ساس کی جواب کے والد کے جواب کے میں بائیں ترین مقت م پر اثر تا ہے البذا محبوء کا بایاں ہند سے در کر کے جواب حساس ہوگا۔)

مثال ٢٠٢: دسس کے تکمیلہ کی مددسے 7852 - 974 صاصل کریں۔

جواب: عسد 7852 ك اساى تكسله 2148 = 7850 – 10000 كا 9744 ك ساتھ محبوعت ليت ہوئ: 3122 = 8412 + 9744 آمنسرى حساس 1 نہيں پيداہوتا، البذات محبوعت 4 ہندسول پر مشتل ہے؛ اسس كے اساس تكسله 6878 = 3122 – 10000 كے ساتھ منفى عسلامت چسپال كرتے ہوئے 6878 – كو

شنائی اعبداد بھی بالکل ای طسرح منفی کیے جبتے ہیں۔ ان کی بھی دومث لیں پیش کرتے ہیں۔ مثال ۲۰۳۳: اساس تکسلہ کی مدد سے مندر حب ذیل حساس کریں۔ (۱) 11001 – 11001 اور (ب) 11012 – 11001 جواب: (۱) چونکہ $00110 = \overline{11001} = 7$ ہے، البذا دو کا تکسلہ 00111 + 1 = 00110 ہو گا۔ اسس کو دو سسرے عدد 001112 (جس کی ہائیں حبانب اصن فی 0 چسپاں کر کے ہند سوں کی تعسد اد پوری کی گئی) کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

$$\begin{array}{r}
01011 \\
+00111 \\
\hline
10010
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
01011 \\
+00111 \\
\hline
10010
\end{array}$$

بائیں آمنے میں ہوں کو جمع کرتے ہوئے حاصل 1 پیدا نہیں ہوا، البذا اسس کا 2 کا تلمہ لین ہوگا۔ چونکہ 1000 = 1000 ہوگا، جس کی بائیں حباب منفی عسلامت جہاں کرتے ہیں۔ 1000 = 1000 ہوگا، جس کی بائیں حباب منفی عسلامت چہاں کرتے ہیں۔

جواب: (ب) يهاں ايک عدد پاخي ہندسوں پر مشتل ہے، الهذا دوسرے عدد مسيں بھی پاخي ہندے پورے کے حدد کا اسای تکسلہ پورے کے حبائیں گے۔ یوں 1011 کو 1010 کھ کر، اسس کے متم 10100 کے عدد کا اسای تکسلہ 10100 + 1 = 10100 کے دوسرے عدد کے ساتھ جنح کرتے ہیں۔

آ منسری ہندہے جمع کرتے ہوئے سامسل 1 پیداہواجس کو نظسرانداز کرکے باقی محبسوء۔، 01110 ، کو نتیجہ تسلیم کرتے ہیں۔

۲.۵ دواعب داد کی منفی بذرایعب اساسس منفی ایک کا تکمه له

اس سس منفی ایک تکسلہ کی مدو ہے بھی M-N سے مسل کیا جب سکتا ہے۔ اسس کا طسریق کار درج ذیل ہے جب ان دونوں اعب داد مسین ہند سول کی تعب دادبر ابر ہونالازم ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہند سول کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہند سول والے عبد د کی بائیں حبانب (در کار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپال کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعب در مسیں 11 ہند سے پائے حباتے ہیں۔
- م کی قیمت سے زیادہ ہونے کی صورت مسیں، آحضری (بائیں) ہند سے جنج کرنے سے حساس ل M کی قیمت سے کی بینا ہوگا، جس کی بینا ہوگا۔ n+1 ہند سول پر مشتل ہو گا اور اسس کا بایال ہند سہ n+1 ہوگا۔ اس بائیں ہند سے کو (لینی حساس ل n کو) نظر رانداز کرنے کی بحب یہ مجب وعب سے حضار ج کرکے، n وزن مختص کریں

۲۰ بنیادی حاب

اور n ہندسوں کے باتی محبسوعہ کے ساتھ جمع کر کے جواب حسامسل کریں۔اسس عمسل کو واپسیں آحسری حسامسل ایک (1) کہتے ہیں۔

• M کی قیت کی قیت ہے کم ہونے کی صورت مسیں، آمنسری (بائیں) ہندے جُمْ کرنے سے حساس 1 پیدا نمیاری ہوگا؛ مجسوعہ منفی عبد د کو ظباہر کرے گا، اور ۸ ہند سول پر مسبنی ہو گا۔ محبسوعے کا اساسس منفی ایک کا تکسلہ لے کر اسس کی بائیں حبانیہ منفی عسلامت منسلک کرتے جواب حساسس ہوگا۔

ان دونوں صور توں کی وضاحت مثالوں سے ہو گی۔

مثال ٢٠٠٧: نوكا تكميله استعال كرتي بوئي 7852 - 974 حياصل كرس

جواب: عدد 974 کے بائیں 0 جسپاں کرکے اسس مسیں ہند سوں کی تعداد پوری کریں اور 7852 کے اسسس مفلی ایک کے تکسلہ 2147 = 7852 – 99999 کے ساتھ جمع کریں۔

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

آ جنسری (بائیں) ہندے جمع کرنے سے حساسل 1 پیدا نہیں ہوا، لہذا محببوعہ حیار ہند موں پر مشتل ہے۔ 1000 - 1000 - 1000 منتا منتی ایک کے بحراب منتی ایک کے تکسلہ کر کے جواب 1000 - 1000 کے بائیں منتی عسامت شکلہ کر کے جواب 1000 - 1000 کے بائیں منتی عسامت شکلہ کر کے جواب 1000 - 1000 کے بین منتا کر تے ہیں۔

مثال ۲۰۵۵: نوکاتکمیا استعال کرتے ہوئے 974 – 7852 سامسل کریں۔

جواب چھوٹے عبدد 974 مسیں ہند ہوں کی تعبداد پوری کر کے اسس کے اسس منفی ایک کے تکسلہ 7852 = 9994 – 9999 کو 7852 کے ساتھ جُمْ کرتے ہیں۔

آ جنسری (بائیں) ہندہے جمع کرتے ہوئے حیاصل 1 پیدا ہوا جس کی بن یہ مجبوعہ 5 ہند موں پر مشتل ہے۔ ہم اس حیاصل 1 کو وزن 1 مختل کر کے باقی 4 ہند موں پر مسبنی مجبوعہ 6877 کے ساتھ جمع کر کے جواب 6878 + 1 = 6878 حیاصل کرتے ہیں۔

اب ہم شنائی اعبداد کی مشال لیتے ہیں۔

۲. ۲. مثبت اور منفی اعب داد

مثال ۲.۲: مندر حب ذیل کو 1 کے تکمیلہ کی مدد سے حسل کریں۔ $11011_2 - 101110_2 (-1) \cdot 101110_2 - 11011_2 (1)$ حسل: (۱) منفی ہونے والے عبد دمسیں ہند سوں کی تعبد ادپوری کر کے اسس کا متم: $\overline{011011} = 100100$

دو سرے عبد دے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

آ منسری حساسل 1 کو باقی عبد دے علیحہ دہ کرکے اسے 1 کاوزن مختل کرکے (لینی اسس کو اکائی تصور کرکے)، دائیں چھ ہند سول پر مشتل محب وے 201001 کے ساتھ جمع کرتے ہوئے جو اب حساسل کرتے ہیں۔

010010

$$\begin{array}{r}
 +1 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011
 \end{array}$$

(ب) متم <u>101001</u> = 010001 كودوسرے عبد د كے ساتھ جمع كرتے ہيں۔

 $\begin{array}{c}
010001 \\
+011011 \\
\hline
101100 \\
\end{array}$ $\begin{array}{c}
010001 \\
+011011 \\
\hline
101100
\end{array}$

چونکہ آسندی ساصل صنسر ہے، البذا محبوعے کے متم $\overline{101100} = 010011$ کے ساتھ منفی کی عسلامت پہناں کر کے جواب $\overline{010001}$ ساصل کرتے ہیں۔

۲.۲ مثبت اور منفی اعب داد

روز مسرہ زندگی مسین مثبت اعبداد لکھتے ہوئے انہیں بغیبر کسی عسلامت کے، یا مثبت عسلامت (+) کے ساتھ لکھا حباتا ہے، البت منفی اعبداد کے ساتھ منفی عسلامت (-) ضرور لکھی حباتی ہے۔ یوں درج ذیل اعبداد درست لکھے ۲۲ بنیادی حاب

گئے ہیں۔

$$+3025$$
, 3025 , -3025

کی بھی عدد کے مثبت یا منفی ہونے کو اسس عدد کی عسلامت کہتے ہیں۔ یوں، وہ اعداد جو مثبت عسلامت (+) یا منفی عسلامت اعداد حسلامت احداد (-) رکھتے ہوں عسلامت دار اعداد کہلاتے ہیں، اور جن کی عسلامت نہ ہو بے عسلامت اعداد کہلاتے ہیں۔ اعداد کوان کی عسلامت اور تندرے ظاہر کرنے کو عسلامت داروت در اظہبار کہتے ہیں۔

کمپیوٹرشنائی اعبداد، 0 اور 1، استعال کرتاہے، اور ہر معلومات کو انہیں نے ظاہر کرتاہے۔ روایت آمثرت عملامت (+) کو 0 (صنعر) اور ننی عملامت (-) کو 1 (ایک) نے ظاہر کیا حباتا ہے۔ عملامت عمدہ کی بائیں حبانب کھی حباتی ہے۔ یوں 0+ کو حپار شنائی ہندسوں نے ظاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسہ مثبت عملامت (+) کو جبکہ باقی تین ہندے 0 کو ظاہر کریں گے۔ ای طسرح 0+ کو قائمہ شنائی ہندسوں نے ظاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسہ منی عملامت (-) کو جبکہ باقی سے ہندے 0+ کو ظاہر کریں گے۔

$$\underbrace{0}_{+} \underbrace{1}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}_{-} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}$$

ایک دلچیپ حقیقت پر غور کریں۔اگر ہم 11012 مسیں بایاں ہندسہ عسلامت تصور کریں تب ہے۔ -5_{10} کو ظب ہر کرگا گا۔ کو کا سیکن اگر ہم حیاروں ہندسوں کو ایک عسد د تصور کریں تب ہے۔ D_{10} یا D_{10} کا کوظ ہر کرتا ہے۔

سے حبانت اضروری ہے، آیاشت اُئی اعبد او کابایاں ہند سہ عسلامت کو ظاہر کرتا ہے یا ہے عدد کا حصہ ہے؛ ہے فیصلہ اعبد اواستعمال کرتے وقت آپ فیصلہ کرتے ہیں کہ عسلامت واریا ہے عسلامت (غنیسر عسلامت واریا ہے عسلامت واراعد اور غنیسر عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد کرتے ہیں کہ صف کو دو مختلف طسر لقول سے ظاہر کسیاحیا مکتا ہے، ان مسین ایک مثبت اور دوسرامنی ہے!

اسس حبدول مسیں حیار شنائی ہندسوں سے اعبداد کھے گئے؛ کمپیوٹر مسیں اعبداد، عسوماً، ایک بائٹ استعال کرتے ہوئے کھی حیاتا ہے۔ ایک بائٹ 8 شنائی ہندسوں کو کہتے ہیں۔ عسلامت دار اعبداد کو بائٹ مسیں کھتے ہوئے، دائیں سات ہندے عسدد کی وتدر جبکہ بایاں آحسری ہندسہ اسس کی عسلامت ظاہر کرے گا۔

 $00000101_2 = +5_{10}$ $01111111_2 = +127_{10}$ $10000101_2 = -5_{10}$ $11111111_2 = -127_{10}$ $00000000_2 = +0_{10}$ $10000000_2 = -0_{10}$

ان اعبداد مسین بھی مثبت اور منفی صف یایا گیا؛ روز مسرہ زندگی مسین صف کو ہم مثبت تصور کرتے ہیں۔

۲.۲. مثبت اور منفی اعب داد

حبدول ۲:۱ چپارہند سوں کے عسلامت دار اعب داد

عسلامت دار	شنائي
$+7_{10}$	01112
$+6_{10}$	0110_{2}
$+5_{10}$	0101_{2}
$+4_{10}$	0100_{2}
$+3_{10}$	0011_{2}
$+2_{10}$	0010_{2}
$+1_{10}$	0001_{2}
$+0_{10}$	0000_{2}
-0_{10}	1000_{2}
-1_{10}	1001_{2}
-2_{10}	1010_{2}
-3_{10}	1011_{2}
-4_{10}	1100_{2}
-5_{10}	1101_{2}
-6_{10}	1110_{2}
-7_{10}	11112

باب۲۰ بنیادی حاب

حبدول ۲.۲:عسلامت دارایک کاتکمله اور دو کاتکمسله اعب داد

عسلامت دار دو کا تکسله	عسلامت دارایک کاتکسله	عسلامت دار فت در	اعثاری عبد د
0111	0111	0111	+7
0110	0110	0110	+6
0101	0101	0101	+5
0100	0100	0100	+4
0011	0011	0011	+3
0010	0010	0010	+2
0001	0001	0001	+1
0000	0000	0000	+0
ن ^ې سىياياسا تا	1111	1000	-0
1111	1110	1001	-1
1110	1101	1010	-2
1101	1100	1011	-3
1100	1011	1100	-4
1011	1010	1101	-5
1010	1001	1110	-6
1001	1000	1111	-7
1000	ىنچى <u>ن</u> پاياحبا تا	<i>نه</i> ين پاياحباتا	-8

اشٹ کچھ کہنے کے بعبد آپ کو بت اتا حیلوں کہ، کمپیوٹر مسیں منفی اعبداد کو عبدالمت دار وتبدر اظہبار مسیں نہمیں بلکہ عبدالمت دارو 1 کے تکمیلہ یا عمدالمت دارو 2 کے تکمیلہ نظام مسیں رکھا اور استعال کیا حباتا ہے۔ ایکے حصہ مسین ان نظام پر غور ہوگا۔

٢.٧ عسلامت دارو تكميله نظام

کمپیوٹر مسیں عبد دی بر قبیات کی مدد سے اعب او جمع یا منفی کیے حباتے ہیں۔ ب اعمال اساسی تکما ہیا اساس منفی ایک کا تکما ہ (حصہ ۲۰۲۱ اور حصہ ۵۰۲ دیکھییں) استعمال کرتے ہوئے زیادہ خوسش اسلوبی سے سسر انحبام دیے حباتے ہیں۔

کمپیوٹر چونکہ شنائی اعبداد استعمال کرتاہے، ابلیہ زااسس مسیں منفی اعبداد 1 کے تکمیاریا 2 کے تکمیارہ مسیں کھے حباتے ہیں۔ حبدول ۲۰۲ مسیں حپارشنائی ہندی (حپاریٹ) عملامت دار اعبداد کا 1 کا تکمیار اور 2 کا تکمیار روپ پیش کیا ہے۔ گیا ہے۔

حبد ول ۲.۲ سے آپ دکھ سکتے ہیں کہ مثبت عبد د، شنائی ہند سول مسین ایک ہی طب یقب سے کھسا حب تا ہے ، جب کمہ منفی عبد دتین طب یقوں سے کھسا حب اسکتا ہے۔ یوں تسینوں طب ریقوں مسین مثبت عبد دکو سیادہ شنائی عبد رد کھیں۔ مثبت عسد د x کی عسلامت دار روپ مسین عسلامتی بیٹ 0 ہے 1 کرنے ہے x کا عسلامت دار روپ حساس ہوگا۔ یوں 5 کو عسلامت دار روپ مسین کھنے کی صناطس 5 کو عسلامت دار روپ 01012 مسین کھنے کی صناطس 5 کو عسلامت دار روپ 11012 مسین کھنے کی کہ کا عسل ہوگا۔

منتی عدد x - 2 وعسلامت دارایک کے تلمسار روپ مسین کھنے کی حناطسر x + 2 وعسلامت دارشنائی عدد (لیمنی سادہ شنائی روپ مسین) کھھ کر اسس کا 1 کا تکسلہ لیں۔یاد رہے کہ 1 کا تکسلہ حساصل کرتے ہوئے شنائی عدد کے ہر ہدند کر متح مسلامتی ہدنے کا متعم لیت ہو گا۔یوں 5 – کو عسلامت دارایک کے تکمسلہ روپ مسین کھنے کی حناطسر 5+ کو 1010 کھے کر متم لین جو درکار روپ 1010 دے گا۔

منفی عبد د x – کو عسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین کھنے کی حناطسر x + کو عسلامت دارشنائی عبد د (یعنی سادہ شنائی روپ مسین) کلھ کر اسس کا 2 کا تکمیلہ لیں یاد رہے کہ 2 کا تکمیلہ حیاص کرتے ہوئے شنائی عبد د کے ہر ہندسہ (بہتع عبلا متی بٹ) کا متم لین اہوگا۔ یوں 5 – کو عبلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین کھنے کی حناطسر 5+ کو 000 کے 000 کھی کر دوکا تکمیلہ لیں جو در کارروپ 000 د 000 دے گا۔

سوالا ____

سوال ۲.۱: درج ذیل شنائی محبسوع حساصل کریں۔ان سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔جوابات کا مواز نے کریں۔

101 + 1011 .	1011 + 1101 .3	110 + 101 .
101 + 1111 .	1101 + 1001 .	11 + 101 .—

جواب: شنائی 1011 ، 1000 ، 1000 ، 10110 ، 10000 ، 10100 ؛ اعشاری 11 ، 8 ، 24 ، 25 ، 16 ، 20 موال ۲۰۰۰ درج وابات درج وابات کریں۔ جوابات کو اعتباری روپ مسین بھی مسل کریں۔ جوابات کامواز سے کریں۔

جواب: شنائى 1 ، 10 ، 10 ، 100 ، 110 - ، 1010 ؛ 101 ؛ 10 ؛ 2 ، 2 ، 4 ، 6 – ، 1010

سوال ۲.۳: درج ذیل شنائی اعبداد کے سوالات حسل کریں۔انہیں سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔جوابات کاموازے کریں۔

74

جواب: شنائى 11.1 ، 10.1 ، 10.001 ، 100.01 ، 10.101 ، 10.001 ، 10.001 ، 10.001 سوال ۲.۴: درج ذیل اعث اری سوالات کوشن ائی روپ مسین تب بل کر کے حسل کریں۔

$$1024 - 63$$
 . 2 $121.2 - 94.3$. 3 $64 + 32$.

$$2056 + 1024$$

2056 + 1024 \Rightarrow 36.09 + 22.24 \Rightarrow 256 - 128 .

110000001000 ، 1111000001 ، 111010.010 ، 11010.1110 ، 10000000 ، 1100000 ، 1100000

ئ. 23409.65487

0.63 .

205 .

6 .1

39.09 .2

3160029 ...

8 .—

و. 9807568 ط. 3093.9801

ئ. 19

جوا __: تكملا __ نو 3 ، 1 ، 80 ، 794 ، 795 ، 6839970 ؛ تكملا __ د سن 4 ، 2 ، 18 ، 795 ، 795 ، 6839971 0192432

سوال ۲۰۲۲: درج ذیل شنائی اعب داد کا(اتنے ہی ہند سول مسین) تلمیلہ ایک اور تلمیلہ دوحیاصل کریں۔

11.11 .

ت. 111101

1011 ./

1101.0011 • 10101010 •

1001 .__

جواب: کملات ایک 0100 ، 0110 ، 0100 ، 0100 ؛ کملات دو 0101 ، 0100 ، 0100 ، 0100 ؛ کملات دو 0101 ، 0111 ، 01010 ، 01010110

سوال ۲۰۷: درج ذیل اعشاری سوالات کو تکمیا نه نواور تکمیا درسس استعال کرتے ہوئے حسل کریں۔ سادہ طسریقے سے حساصل جوامات کے ساتھ موازے کریں۔

$$0.555 - 0.045$$
 .

$$23.9 - 13$$
 .

9 - 4 1

$$1000 - 909.5301$$
 . $555.078 - 303.93$.

16 - 9 .—

سوال ۲۰۸: درج ذیل شنائی سوالات کو تکسلہ ایک اور تکسلہ دو سے حسل کریں۔ سادہ شنائی طسریقے سے حساسل جوابات کے ساتھ موازے کریں۔

$$101 - 1010$$
 .

$$11.10 - 10.11$$
 .

11 - 10 .

$$0.11 - 1101.11$$

$$0.11 - 1101.11$$
 . $1101.01 - 1001.1$.

1101 - 1010 .—

سوال ۲۰۹۰: درج ذیل اعشاری سوالات کوشنائی روپ مسین تب دیل کر کے حسل کریں -جواب کو واپس اعشاری روپ مسین تب دیل کرکے اعشاری طسریقے سے حسامس ل جواب کے ساتھ مواز نے کریں۔

2048 × 2048 ... 15 × 3.625 .c 3 × 9 .1

باب

بوولين الجبرا

بوولین الجبرا انگلتان کے ریاضی دان حبارج بوولی کے نام سے حبانا حباتا ہے، حبنہوں نے اسس الجبرا کو دریافت کیا۔ بوولین الجبرا ذہنی سوچ یعنی منطق کو الجبرائی روپ مسیں لکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اسس لئے حید رانی کی بات نہیں کہ کمپیوٹر اسی کو استعمال کرتا ہے۔

ا. ۳ بوولین الجبراکے بنیادی تصورات

عام الجبرامسين متغيرات استعال كرتے ہوئے تصور كياحباتا ہے كہ ان كى قيت كچھ بھى ہوسكتى ہے۔ مشلاً، تغساعسل x = f(x,y) ، ورج ذیل ہیں۔ x = f(x,y) ، ورج ذیل ہیں۔

x	y	
0	0	0
1	2	5
2	1	4
3	2	7
2	2	6
3	1	5

اس تف عسل جس کوایک نامکسل حبدول کے روپ مسیں پیش کیا گیا ہے کاالجبرائی روپ درج ذیل ہے۔

$$z = x + 2y$$

اسس کے بر عکس، بوولین الجبرامسیں متغیبرات کی صرف دو ممکنہ قیمسیں ہیں۔ان دو قیتوں کو عصوماً 0 (صف ر)اور 1 (ایک) سے طاہر کمیاحبا تا ہے۔ بوولین تفاعسل کی چند مشالوں پر غور کرتے ہیں۔

٠٠٠ با يوولين الجرا

X	Υ	Z
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

حبدول السنز دومتغب منطقی ضرب

ا.۱.۱ منطقی ضرب

تصور کریں X اور Y آزاد ہو ولین متغیرات ہیں، جب کہ Z ان کا تابع ہو ولین متغیر ہے، اہلہ ذااسس کی مکت قیمتیں صرف D اور D ہیں۔ ای طسرح D بھی ہو ولین متغیر ہے، اہلہ ذااسس کی قیمت میں صرف D اور D بھی ہو ولین متغیر ہے۔ اسس طسرح اگر جہ اسس کی قیمت D اور D بھی صرف D اور D بھی ہو ولین متغیر ہے۔ اسس طسرح اگر جہ اسس کی قیمت D اور D کی تابع ہے، اسس کے باوجود D کی قیمت صرف D یا D بی ہو سکتا ہے۔ متغیرات D اور D درج ذیل حہار ممکن جہ سس کے باوجود D کی قیمت صرف D یا D بی ہو سکتا ہے۔ متغیرات D درج ذیل حہار ممکن جہ سسے ہیں۔

X	Υ
0	0
0	1
1	0
_1	1

ان حیار مکن صور توں میں ک کی قیم 0 یا 1 ہوگا۔

آئیں، جبدول ۱٫۳ مسیں پیش کے گئے منطق تف عسل پر غور کرتے ہیں جس کی تمسام ممکنہ قیمتیں اسس جدول مسیں دی گئی ہیں۔ اسس مشال مسیں تائع متغیر Z کی قیمت صرف اسس وقت I ہجب X اور Y دونوں کی قیمت X ہے۔ یکی قیمتیں X اور Y کی سادہ ضرب $X \cdot Y$ سے بھی حساس ابوتی ہیں (ذیل دیکھیں)۔

$$0 \cdot 0 = 0$$
$$0 \cdot 1 = 0$$
$$1 \cdot 0 = 0$$
$$1 \cdot 1 = 1$$

ای کی بن پر حبدول ۱٫۳ امسیں پیش تف عسل (اور عمسل) کو پوولین ضرب یا منطقی ضرب کہتے ہیں۔ پوولین ضرب کو آزاد متغیبرات کے در میان نقط۔" · " سے یا آزاد متغیبرات کو مشریب متسریب کھنے سے ظاہر کسیاحبا تا ہے۔ یول پوولین ضرب درج ذیل کھیاحیائے گا۔

$$Z=X\cdot Y$$
 $(Y_{\cdot,0})$ $Z=XY$ $(y_{\cdot,0})$ $(y_{\cdot,0})$

\boldsymbol{A}	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

حبدول ۳۲: تین متغب ربوولین ضرب

منطقی ضرب کے تصور کو وسعت دے کر متعدد آزاد متغیرات کے لئے بیان کیا حبا سکتا ہے۔ منطقی ضرب کی عصومی تعسریف پیش کرتے ہیں۔

توسريف: منطق ضرب اسس صورت 1 ديگاجب تسام آزاد متغيرات كي تيت 1 بو

حبدول ۲۰۳۷ کو مشال بناتے ہیں۔ اسس طسرح کے حبدول مسیں آزاد متغیبرات کی تمسام ممکنات لکھنے (یعنی آزاد متغیبرات کے مشال بناتے ہیں۔ اسس طسر مداحشل XX کو شنائی عبدد کے ہندہے تصور کر کے، حبدول کے مطاوب حنانوں مسیں صفر (00) تا تین (11) گستی کھیں۔ یوں پہلے صف مسیں XX کی جگہ 00 ،دوسری صف میں 10 ، تیسرے مسیں 10 اور آحسری مسیں 11 کھی حبائے گا۔

تین آزاد متغیرات کے منطق ضرب تف عسل Z = ABC کو جدول ۲۰۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ آپ ویکھ کئی ہے (جو تین کے بین کہ حبدول کے تین مداحن ل کے حنانوں مسیں صف (000) تا سات (111) گئن گئی گئی ہے (جو تین ہددول کے شنائی اعبداد ہیں)۔

۳.۱.۲ منطقی جمع

آزاد متغیرات X اور Y کا(روز مسره)ساده الجبرائی محبوعه S=X+Y جبدول Xمسین پیش کسیا گلیا X

حبد ول ۱۳۳۳ اور حبد ول ۱۳۳۳ کے اولین تین نتائج ایک جیسے ہیں۔اسس مثابہت کی ہنا حبد ول ۱۳۳۳ مسیں دیے گئے بوولین تف عسل کو بوولین جمع یا منطق جمع کہتے ہیں اور اسس بوولین تف عسل کو جمع کے نشان " + " سے ہی ظاہر کمپاحبا تا ہے۔ یوں السيس بيولين الجرا

X	Υ	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1 2
1	1	2

X	Υ	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

حبدول ۴. ۳: دوشنائی اعبداد کاساده مجسوعی

ج دول ۳ بس: دومتغير منطقي جمع

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

 $\begin{array}{c|c} X \mid Z \\ \hline 0 \mid 1 \\ 1 \mid 0 \end{array}$

حبدول ۲ به:منطقی ننفی یامتم

حبدول ٣٠٥ تين متغير منطقي جمع

حبہ ول ۳ بسمب یں پیش یوولین جمع تف عسل درج ذمل لکھ حب کے گا۔

$$(r,r)$$
 $Z = X + Y$ $(\xi^{\ell}_{uv} \cup \xi^{r}_{u})$

یہ بودلین نق^عل کی مساوات ہے جس کوعسام الجبرائی جمع ہر گزن۔ سعجماحبائے۔بالخصوص، بودلین جمع کرتے وقت یاد رہے کہ 1 + 1 + 1 ہے۔

بوولین جع کے تصور کو وسعت دے کر متعدد آزاد متغیرات کے لئے بیان کیا حبا سکتا ہے۔ بوولین جمع کی عصومی تعسریف درج ذیل ہے۔

تعسریف: منطقی جمع اسس صورت 1 دیگاجب آزاد متغیرات مسین کم سے کم ایک متغیر کی قیمت 1 ہو۔

تین متغیبر منطقی تبتع تف عسل Z = A + B + C حبدول ۵.۳ مسیں پیش کی گیا ہے۔ یاد رہے کہ تین آزاد متغیبرات کے منطقی تبتع کا گجرائی تبتع کی ساتھ کوئی تعساق نہیں۔ یہاں جمع کی عسلامت بودلین جمع کو ظاہر کرتی ہے لہذا یہاں 1+1+1 ہوگا۔

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

В	Z
0	0
1	1
0	1
1	0
	0

حبدول ۸ سازتین متغیب ربوولین ملاث رک یجمع

حبدول ۷ سا: دومتغب رمنطقی بلاست رکت جمع

۳.۱.۳ منطقی نفی

بوولین تف عسل Z=f(X) کا تعسری مثال سے ہیں جہاں آزاد متغیر X اور تائع متغیر Z کا تعساق حبدول ۱۳۳ مسین پیش کیا گیا ہے۔

اسس تف عسل کو پوولین نفی کہتے ہیں۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ در حقیقت، تائع متغیبر Z ، آزاد متغیبر کامتم ہے۔ یوں پوولین نفی درج ذبل لکھ حیاسکا ہے۔

$$(\mathbf{r},\mathbf{r})$$
 $Z=\overline{X}$ (\mathbf{r},\mathbf{r}) $Z=\overline{X}$

ہوولین نفی صرف ایک آزاد متغیر کے لئے بیان کیا حباسکتا ہے، اور اسس کی تعسریف درج ذیل ہے۔ تعسریف: بوولین نفی آزاد متغیر کامتم دیت ہے۔

۳.۱.۴ منطقی بلاث رکت جمع

دو آزاد متغیبرات کاایب بودلین تف عسل حبدول ۲۰۳۰ مسین د کھایا گیاہے، جس کا تابع متغیبراسس صورت 1 ہے جب صرف ایک آزاد متغیبر 1 ہو۔ یہ دو متغیبر بودلین بلا مشرکت جمع ہے۔ اسس تصور کو متعید د آزاد متغیبرات تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔

تعسریف: طاق تعبداد کے آزاد متغیرات 1 ہونے کی صورت میں بودلین بلاشرک کا تائع متغیر 1 ہوگا۔

تین آزاد متغیر بلاشر کے جمع تفاعل کوحید دل ۸۰۳مسیں پیش کیا گیاہے۔

الله السياريولين الجرا

A	В	С	$\overline{ Z }$
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	В	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حبدول ۱۰ سا: تین متغیب ربوولین ضید بلاستسر کت جمع

حبدول ۹ .۳: دومتغب رمنطقی ضد بلات رکت جمع

دواور تین آزاد متغیب ربوولین بلاسشر ک<u>ب</u> کی مساوا<u>ب</u> درج ذیل ہول گی۔

$$Z=A\oplus B$$
 (۴.۴) (۳.۴) (z^2-z^2) (z^2-z^2) (z^2-z^2) (z^2-z^2) (z^2-z^2) (z^2-z^2) (z^2-z^2) (z^2-z^2)

۳.۱.۵ منطقی ضد بلات رکت جمع

بوولین بلا شرکت جمع نف عسل کانفی (یعنی متم) اینے سے بوولین ضد بلا مشرکت جمع حسامسل ہو گا، جو دو اور تین آزاد متغیبرات کے لئے درج ذیل لکھا حساتا ہے۔

$$Z=\overline{A\oplus B}$$
 $Z=\overline{A\oplus B\oplus C}$ (تين متخب منطق ضربا با شرکت تن

حبدول ۷.۳ اور حبدول ۸.۳ مسیں تابع متغیب رنفی کرنے ہے بالت رتیب دو اور تین بودلین ضد بلا سشر ک۔ تف عسل حسامسل ہوں گے جنہیں حبدول ۱۹٫۳ اور حبدول ۱۰٫۳ مسیں پیش کسیا گیاہے۔

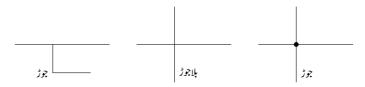
۳.۲ برقی تارول مسیں جوڑ کی وضاحت

شکل ۱۰ اپر غور کریں جس مسیں برقی تاروں کے پہوڑ کی وضاحت کی گئی ہے۔

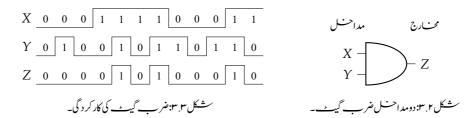
جہاں ایک تار دوسسری تار کے اوپر سے گزرتی ہو اور دونوں آپس مسین حبٹری ہوں، وہاں جوڑ کے معتام پر نقطے کانشان لگایا حباتا ہے۔ایک صورت مسین انہیں ایک تار تصور کیا جبائے۔

جہاں تاریں آپس مسیں حبٹری نے ہوں وہاں انہیں بغیبر نقطے کے نشان سے ایک دوسسری کے اوپر سے گزر تا د کھایا حباتا ہے۔ نقطے کے نشان کی غیب موجود گی مسین ان تارول کو دوعلیحہ داور بلاجوڑ تاریں سسجھاحبائے۔

تیب ری صورت بھی سشکل مسیں و کھائی گئی ہے جہاں عناط قبھی کا امکان نہیں پایا جباتا۔اسس مسیں ایک تار کا سسر دوسسری تار پر حستم ہو تا ہے۔ایی صورت مسیں انہیں ایک تار تصور کسیا حبائے (یعنی بید دونوں آ لیس مسیں حبٹری ہیں)۔ ۳. س. *ع*ــــ د د ی گیـــــ



شکل است: تاروں کے پیچر قی جو ڑ۔



۳.۳ عبد دی گیب 🚅

بوولین الجبرائے تین اہم ترین تف عسل پر حسب ۱٫۳ مسیں غور کسیا گسیا۔ سیہ تف عسلات عسد دی برقسیات مسیں کلسیدی کردار ادا کرتے ہیں، جبال انہسیں عسد دی ادوار کی مدد سے حبامہ پہنایا حباتا ہے۔ سیہ مخصوص عسد دی ادوار، عسد دی گیٹ کہلاتے ہیں۔

۳.۳.۱ ضر _ گیٹ

منطق (بوولین) ضرب تف عسل کو ضرب گیٹ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جو مشکل ۲.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ آزاد متغیبرات، X اور Y ، ضرب گیٹ کی ہائیں حبانب بین جبکہ تائع متغیبر، Z ، دائیں حبانب ہے۔ آزاد متغیبرات کو مداحن جبکہ تائع متغیبر کو محنارج کہتے ہیں۔ دو متغیبر ضرب گیٹ کے دو مداحنل اور ایک محنارج ہوگا۔ یہ گیٹ، ضرب تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

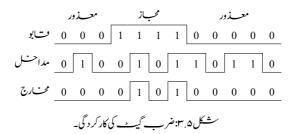
شکل ۳.۳ مسیں دومداحنل ضرب گیٹ کی کار کردگی ترسیم کی گئی ہے، جہاں 0 کوپست اور 1 کوبلٹ دککسیرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ آپ و کیلی سے بین کہ محنارج صوف اور صوف اسس صورت بلند ہوتا ہے جب ضرب گیٹ کے تیس مداحنل بلند ہوں۔ ہم 0 کوپست اور 1 کوبلٹ بھی پکارتے ہیں۔ اسس مشکل مسین مداحنل کو کسی حناص ترتیب سے تیب دیل نہیں کہیا گیا۔

ضرب گیٹ کو مشکل ۳.۳ مسیں بطور عددی گیٹ یاعددی سونگی دکھسایا گیا ہے جہاں ایک داختلی پنیا کو ت ابو پنیا کا منام دیا گیا ہے جہاں ایک داختل پنیا کو ت ابو پنیا کا نام دیا گیا ہے جہاں ایک دوسرے کو (اب بھی) مداختل کہا گیا ہے۔ ضرب گیٹ کے حبدول سے واضح ہے کہ جب تک وت ابو پنیا 0 ہو، حنارتی پنیا 0 رہتا ہے۔ اسس صورت مسیں مداختل پر موجود مواد، حنارتی پنیا تک جب شہیں بھی تا گئی ملا، لینی اسس پر 0 یا 1 کا محنارج پر کوئی اثر نہیں ہو تا؛ ہم کہتے ہیں وت بو پنیا نے ضرب گیٹ کو معدور کر دیا داسس کے بر عکس اگر وت بو پنیا 1 ہوت دنارتی پنیا پر وہی کچھ ہوگا جو مداختل پر ہوگا؛ ہم کہتے ہیں ضرب گیٹ محباز کر دیا گیا ہے۔ وت ابو پنیا پر ایک یا صفحت سے داختلی اسٹارہ (مواد) کو حنارتی پنیا تک پنیا تا مسکن بینا المسکن بسنایا حباسا کا

س_س بوولين الج_{برا} "



مشكل ٢٠.٣: ضرب گيب بطور سو چَياايك بِٺ گيٺ.



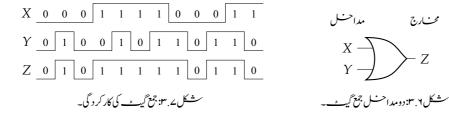
ہے۔ یوں سے ایک دروازے کی طسرح کام کر تا ہے، جس کی بن پر سے گیٹ کہلاتا ہے۔ بت ابوینیا کو، معد ذور اور محباز بن نے والا پنیا بھی کہتے ہیں۔ سشکل ۹٫۳ مسیں ضر ہے گیٹ کی کار کردگی دکھائی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ صرف محباز صورت مسین مواد محتارج تک پہنچایا تا ہے؛ معہذ ورصورت مسین محتارج بمیث پست رہے گا۔

۳.۳.۲ جع گیٹ

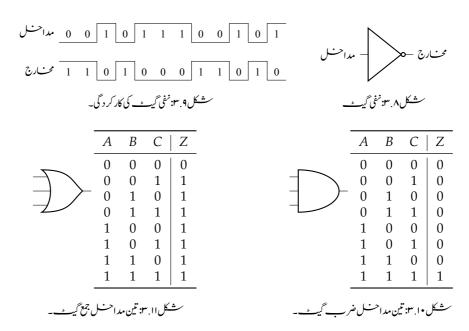
منطقی جمع (بوولین جمع) تنب عسل کو جمع گیٹ ہے عمسلی حبامع پہنایاحبا تا ہے۔ دومداحسل جمع گیٹ مشکل ۱۳۸۳مسیں د کھسایا گیا ہے۔ یہ گیٹ، جمع تف عسل کے حب ول کو مطمئن کر تا ہے۔

جمع گیٹ کی کار کر د گی شکل ۲٫۳ مسیں ترسیم کی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں، جمع گیٹ کاممٹاری اُسس صورت بلند ہوگا جب کوئی مدامشل بلند ہو۔

جمع گیٹ مسیں اگر ایک پنیا کوت او پنیا سسجھا حبائے توپہ ت وت ابو، گیٹ کو محب زبت کر ، داخشلی مواد کو محت ارج تک پنچنے کی احب زے دیت ہے ، جب کہ بلند د ت ابو کی صورت مسین محت ارج لاز مآبلند رہت ہے۔



٣.٣ عبد دی گیٹ ٣.٣



۳.۳.۳ نفی گیٹ

نفی تف عسل کو نفی گیٹ سے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جس کی عسلامت مشکل ۸.۳ مسیں و کھائی گئی ہے، اور جو مواد کو محنارج تا ہے۔ اسس کی کارکر د گل شکل ۹.۳ مسیں ترسیم کی گئی ہے۔ آپ د کچھ سکتے ہیں، نفی گیٹ کامخنارج اسس کے مداحنل کاالٹ ہوگا۔ یہ گیٹ، نفی تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

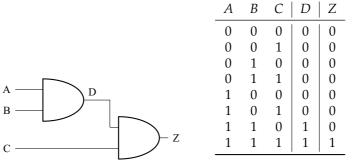
تنی تف عسل ایک آزاد اور ایک تائع متغیر رکھتا ہے، اہنے انفی گیٹ کا ایک مداحسٰل اور ایک محسارج ہوگا۔

۳.۳.۴ متعبد دمداحنل گیٹ

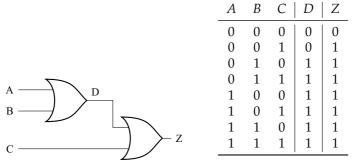
ضرب گیٹ اور جمع گیٹ کے متعد د مداخشل ہو سکتے ہیں (تاہم ،ان کا محنار ن آیک ہوگا)۔ شکل ۱۰ امسیں تین مداخشل مخرب گیٹ اور حبدول ، گھر ، المسیں تین مداخشل بحق گیٹ اور حبدول دکھائے گئے ہیں، جبال A ، اور ک مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل بلت موں ، جبکہ مداخشل بلت ہوں ، جبکہ بھی گیٹ کامختار ن اسس صورت بلت ہوگاجے کوئی بھی مداخشل بلت ہو۔

شکل ۱۲.۳ مسیں دو ضرب گیٹ یوں جوڑے گئے ہیں کہ ایک کا محتارج دوسرے کے مداحنل سے حبر اُ ہے۔ ساتھ کا کواسس دور کا بولود لین حبد ول دیا گیا ہے۔ پہلے حبد ول استعال کے بغیبر اسس دور کو سیجھنے کی کوشش کرتے ہیں۔ محتارج کا اسس صورت بلند ہو گاجب دائیں گیٹ کے مداحنل C اور D دونوں بلند ہوں لیکن D بلند ہونے کے ضروری ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل A اور B دونوں بلند ہوں ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل میں محتارج کے بلند ہوئے کی صورت مسیں محتارج کا بلند ہوئے کی مداحنل میں محتارج کے مداحنل میں محتارج کے بلند ہوئے کی صورت مسیں محتارج کے بلند ہوئے کی مداحنل ضرب گیٹ کی حتاصیت ہے۔

۳۸ باب س. بودلین الجبرا



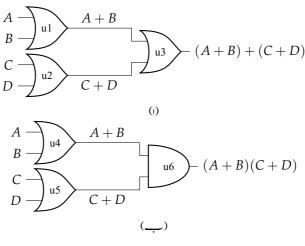
شکل ۱۲ سے: دومداحنل ضرب گیٹ سے تین مداحنل ضرب گیٹ کا حصول۔



شکل ۱۳ برومداخنل جمع گیٹ سے تین مداخنل جمع گیٹ کاحصول۔

آئیں اب حبدول کو مسیحتے ہیں۔ تین مداحن ABC کے حنانوں کو تین ہند موں کے شنائی اعمداد 000 تا 111 کے گریں۔ اس کے بعد بائیں ضرب گیٹ کے محناری D کے حنانی پُر کریں۔ یاد رہے کہ سے صرف A اور B پر مخصر ہے اور صوف اسس صورت بلند ہوگا۔ اسس کے بعد دائیں ضرب گیٹ کے محناری Z کے حنانے پُر کریں۔ سے صرف C اور D پر مخصر ہے ، اور بلند صرف اسس صورت ہوگا۔ سے مورت ہوگا۔ س

سٹکل ۱۳.۳ مسیں دو مداحنل جمع گیٹوں سے تین مداحنل جمع گیٹ کا حصول دکھیایا گیا ہے۔ یہاں Z صرف اسس صورت پہت ہوگا جہت ہوگا جہتے ہے۔



<u> مشکل ۱۲ است جمع اور ضر ب گیٹ کے ادوار۔</u>

جمع گیٹ اور ضرب گیٹ پر مسبنی، مشکل ۴۳،۳ امسیں د کھائے گئے ادوار کو مشال بن کر،عبد دی ادوار حسل کرنا سیکھتے ہیں۔

 u^2 اور u^2 کامخناری u^2 اور u^2 کامخناری u^2 کامخناری کام کامخناری کام کامخناری کام کامخناری ک

آئیں ا ب شکل ۱۳.۳ ب سل ہیں۔ یہاں u4 اور u5 کو نارج بالت رتیب A+B اور C+D دیں گے۔ چونکہ a+B فرب a+B اور a+B اور a+B دیا گانہ a+B دیا گانہ وال

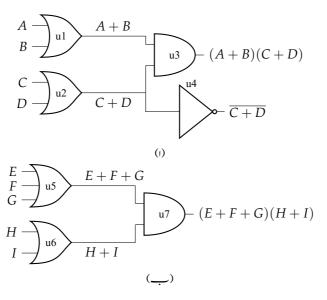
شکل ۱۵۰ الف مسین u کا محنار تی u کا محنار تی u کا محنار تی u کا محنار تی الف مسین u کا محنار تی الف مسین u کا محنار تی الف کا محتار تی م

آب شکل ۱۵.۳ ا – کاحسل، شکل کودیکیر کر سجھ کتے ہیں۔

۳.۳.۵ ضرب متم گیٹ اور جمع متم گیٹ

شکل ۱۹.۳-الف میں تین مداحن ضرب گیٹ کامخناری ABC ہوگا، جو نفی گیٹ کامداحنل ہے، البذائنی گیٹ کامداحنل ہے، البذائنی گیٹ کامخناری کامخناری Z = ABC ہوگا، جو نفی گیٹ کے اسس کے لئے علیحہ دہ گیٹ بنایا کامخناری کامخنا کی اسس کے لئے علیحہ دہ گیٹ بنایا کی سنگل سیس مختار کی کہنا ہے، جے ضرب متم گیٹ ریاضہ خرب گیٹ) دکھایا گیا ہے، جے ضرب متم گیٹ کے حبدول کامخم کینے سے ضرب متم گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای مشکل مسین پیش گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای مشکل مسین پیش کیسائیا ہے۔

٠٠ بابِ ٣٠. بوولين الجبرا



شکل ۱۵.۳: گییٹوں کادوسسرادور۔

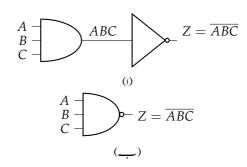
$$Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$$
 دومداخت ن خرب متم گیند کی مصاوات در ن ذیل ہوگی، جہاں X اور Y مداخت ن جب کی مصاوات در ن ذیل ہوگی، جہاں X اور X مداخت ن خرب کہ کے مصاوات در ن خرب متم کی جہاں کے مصاوات در ن خرب کی مصاوات در ن خرب کی مصاوات در ن خرب کی مصاوات کی جہاں کے مصاوات کی مصاوات کی مصاوات کی جہاں کے مصاوات کی مصاوات کی مصاوات کی مصاوات کی جہاں کے مصاوات کی مصاوات کی مصاوات کی مصاوات کی مصاوات کی جہاں کے مصاوات کی خواج کی مصاوات کی مصاو

دومداحنل جمع متم گیٹ کی مساوات درج ذیل ہو گی، جبال X اور Y مداحنل جب کہ کے منارج ہے۔

$$(r.2) \hspace{1cm} Z = \overline{X + Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y} \hspace{1cm} (c^* c^*)$$

 ٣.٣ عبد دي گيٺ ٣.٣

A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

$$A \rightarrow B \rightarrow C$$

$$A \rightarrow B \rightarrow C$$

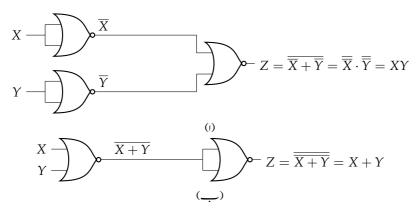
$$A \rightarrow B \rightarrow C$$

$$C \rightarrow C$$

$$A \rightarrow C$$

$$C \rightarrow C$$

امهم بيوولين الجبرا



شکل ۱۹ به: جمع متم سے (۱) ضرب گیٹ اور (ب) جمع گیٹ کا حصول۔

سشکل ۱۹.۳-الف مسین تین جمع متم گین ہوں جوڑے گئے ہیں کہ Z = XY سام او، جو ضرب گین کی کار کر دگی ہے۔ یوں جمع متم گینوں سے ضرب گین سام اوگا۔

شکل ۱۹.۳ - ب مسین جمع گیٹ کا حصول د کھایا گیا ہے۔ اسس کامخنارج Z=X+Y ہے۔

شکل ۲۰٫۳ مسیں ضرب متم گیٹ سے (۱) جمع گیٹ اور (ب) ضرب گیٹ کا حصول د کھایا گیاہے۔

٣.٣.٢ بلا شرك جمع گيب اور بلا شرك جمع متم گيب

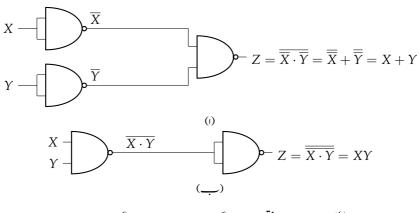
بلا شرک جع تف عسل کو بلا شرک جمع گیٹ سے حساس کیا جب تا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہے، مشکل ۲۰۱۳ الف مسیں پیش کے گئے ہیں۔ ای طسر کہ بلا شرک جمع متم (یاضد بلا شرک جمع متم (یاضد بلا شرک جمع متم گیٹ وارد بلا شرک جمع گیٹ کی مدد سے حساس کیا حب تا ہے جس کا حبدول اور عساس سے مسین پیش کے گئے ہیں۔

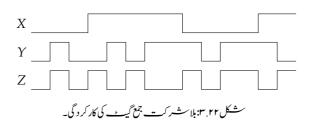
بلا شہر کرتے ہے بلا شہر کرتے کے خوارج کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کرنے ہے بلا شہر کرتے ہے جمال کے ساتھ کی گار کردگی شکل ۲۲٫۳ مسیں دکھائی گئی ہے، جہال X اور Y مداحسل جب کہ کم محساری ہے۔

تین مداحنل بلا شهرکت بخع گین کا محنارج حساصل کرنے کے لئے اسس کے کمی دو مداحنل کا بلا شهرکت بخع حساصل کریں اور حساصل جواب کا تیسرے مداحنل کے ساتھ بلا شهرکت جع ہوگا۔ یمی بلا شهرکت بعع ہوگا۔ متعدد دطاق ہو۔ گا۔ متعدد مداحنل بلا مشرکت بچع گیٹ کامحنارج اُسس صورت بلند ہوگاجیب بلندمداحنل کی تعدد ادطاق ہو۔

آ ہے ہے گزار ش ہے کہ مذکورہ بالا تف عسلات اور گیپٹول کوا چھی طسرح مستجھیں اور ذہن نشین کریں۔

٣٣عددي گيٺ





۳۴ بپولین الجبرا

س سیٹوں کے برقی خواص

گیٹ (کا محنارج) اسس صورت بلند تصور کیا جباتا ہے جب اسس (کے محنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے زیادہ ہو۔ ہے۔ بلند مصارحی برقی دباو $V_{\rm OH}$ کہا تی ہے۔ بلند مصورت مسیں گیٹ محنارجی پنے پرایک مخصوص قیمت تا برقی روحنارجی (مہیا) کرسکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (مہیا) کرسکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (مہیا) کرسکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میلی کابلند کی برقی روحنارجی (میلی کی بلند کی برقی روحنارجی کر کی بیٹر کی برقی روحنارجی (میلی کی برقی روحنارجی (میلی کی برقی روحنارجی (میلی کی برقی روحنارجی کی بیٹر کی بیٹر کی برقی روحنارجی (میلی کی برقی روحنارجی کی برقی روحنارجی (میلی کی برقی روحنارجی کی برخی روحنارجی کی برقی روحنارجی کی برقی روحنارجی کی برقی روحنارجی کی برقی کی کی برقی کی کی برقی کی برقی کی برگ

گیٹ (کا محنارج) اسس صورت پیت تصور کیا حباتا ہے جب اسس (کے محنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیب یا اسس سے کم ہو۔ یہ قیب بینے پر ایک مخصوص قیب یا اسس سے کم ہو۔ یہ قیب بینے پر ایک مخصوص قیب تارجی ہوتی و I_{OL} کہا تا ہے۔ قیب تک برقی روح بذب کر سکتا ہے ، جو گیٹ کا پیت حنار جی برقی رو I_{OL} کہا تا ہے۔

 V_{IH} گیٹ ایک مخصوص قیمت اور اسس سے زیادہ داختلی برقی دباو کوبلٹ د تصور کرتا ہے۔ اسس برقی دباو کوبلٹ د داختلی برقی دباو کہتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کارٹی کی حن طب در کار برقی رو کوبلٹ د داختلی برقی رو کاربر کی دباوے کی حن طب در کاربرقی رو کوبلٹ د داختلی برقی رو کاربر کاربرقی رو کوبلٹ کارٹی کی حن طب در کاربرقی رو کوبلٹ کی دباوے کے کتاب کارٹی کی دباوے کے کتاب کارٹی کی دباوے کی دباوے کی دباوے کے کتاب کوبلٹ کی دباوے کی دباوے کے کتاب کی دباوے کے کئی کے کہ دباوے کی دباوے کی دباوے کی دباوے کی دباوے کے کر دباوے کی دباوے کے کہ دباوے کی دباوے

 V_{IL} گیٹ ایک مخصوص قیت اور اسس سے کم داخنلی برتی دباو کو پست تصور کرتا ہے۔ اسس قیت کو پست داخنلی برتی دباو I_{IL} کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ گیٹ کی کہ ناطب ردر کاربرتی رو کویست داخنلی برتی رو I_{IL} کتے ہیں۔

گیٹوں کو آگیس مسیں برقی تاروں سے جوڑا حباتا ہے۔ کبھی کبھار ان تاروں مسیں، حبائے استعال پرپائے حبانے والے تغییر پذیر برقی ومقت طیسی مسید ان کی وجب سے، غییر ضروری اور تاپسندیدہ برقی دباو پیدا ہوتا ہے جے برقی شور کہتے ہیں۔ ایک گیٹ کے پیت حنار جی برقی دباوے ساتھ سے، شور جمع ہو کرا گلے گیٹ کے پیت داحنی برقی دباوے تحب وز کر سکتا ہے۔ ای طسر ح برقی شور بلند حضار جی برقی دباوے نفی ہو کر بلند داحنی برقی دباوے کم ہو سکتا ہے۔ ان دونوں صور توں مسیں اگلا گیٹ غیسر متوقع خت ان کو دگا۔

 V_{NH} بلند حنار تی برقی دباوکی قیمت، بلند داحنلی برقی دباوکی قیمت سے زیادہ ہوتی ہے۔ ان کے منسرق کو بلند شور گنجب کشش V_{NH} کتے ہیں (مشکل ۲۳۳۳ میکھیں)۔

$$(r.\Lambda)$$
 $V_{NH} = V_{OH} - V_{IH}$

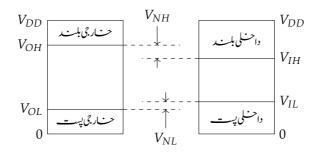
 V_{NL} پ سے حضار جی برقی دباو کی قیمت، پست داحنلی برقی دباو کی قیمت سے کم ہوتی ہے۔ ان کے مضرق کو پست شور گنج اکثس میں۔ کہتے ہیں۔

$$V_{NL} = V_{IL} - V_{OL}$$

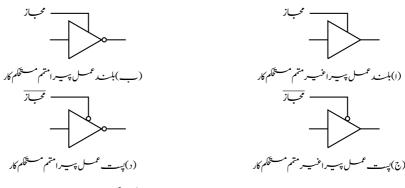
سشکل ۲۳.۳ مسیں V_{DD} گیٹ کو مہیا کر دوبر تی دباوہ جے جے اسس کتاب مسیں مثبت پانچ وولٹ $(5\,\mathrm{V})$ تصور کیا گیا ہے جبکہ 0 سے مسراد صغف روولٹ برقی دباو (لیخی برقی دباو (لیخی برقی دباو کھی کے۔

پیسے داحنلی برقی دباو اور بلند داحنل برقی دباوے نی سعت (V_{IH} تا V_{IL}) معنی نہیں رکھت اور غیب رمتوقع صورت پیدا کر سکتا ہے ، لہذاء عددی احضارات اس خطہ کو استعمال نہیں کرتے۔ گیٹ اپنے محناری کو تب تک بلند رکھ سکتا ہے جب تک سے دری کی بلند حناری برقی روحہ یا اسس سے کم برقی رومہ پیا کر تا ہو۔ ای طسر ری گیٹ اپنے محناری تب تک پیت رکھ سکتا ہے جب تک گیٹ (اپنی) پیت حناری برقی روحہ یا اسس سے کم روحب ذب کرے۔ ایے معتام کر جہاں گیٹ ان حدود کے اندر نے رہ سے ، ایسا تو انا گیٹ نسب کسیاحب نے گاجوزیادہ برقی روحناری یا (اور) حب ذب کر سے۔ بیت تو انا گیٹ اسٹ سے تکاری تا ہیں۔

٣٠٣ گيڻوں کے برقی خواص



شكل ٣٣.٢٣ فوركى گنج اكث كاتخمين.



شکل ۳.۲۳ مجباز ومعیذ ورصلاحیت کے مستحکم کار۔

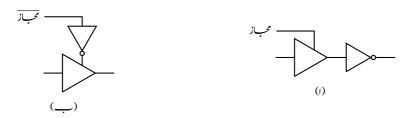
.۴.۴ مستحکم کار

جیااذ کر ہو،امستخلم کاروہ تواناگیٹ ہے جوزیادہ برقی روحنارج اور حبذ بر سکتا ہے۔اسے عصوماً اسس مصام پرنسب کیا حب ت حب تا ہے جہاں در کاربرقی روعنام گیٹ کے برقی روکی حسدود سے تحباوز کرتا ہو۔عصوماً مستخلم کار محباز و معندور ہونے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔

مستحکم کار کی مختلف اقسام کی عسل مستیں مشکل ۲۴۰۳ مسیں دکھائی گئی ہیں۔ مجباز کر دہ مستحکم کار، داحسنی مواد کو حسارج کر تا ہے جب کہ معسنہ در کر دہ مستحکم کار "زیادہ رکاوٹی حسارت دونوں اطسران کے ادوار منقطع کرتا ہے۔ معسنہ در مستحکم کار "زیادہ رکاوٹی حسال"اختیار کرتے ہوئے نہ 0 اور نہ 1 حسارج کرتا ہے۔

محباز ومعنے در صلاحیت کے مستخلم کار بطور برقی سونگی کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۴۳۳ ااور بے کے مستخلم کار کو منقطع کرنے کی حناطب ("محباز"کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا۔ شکل – ن اور د مسیں مستخلم کار کے محنار ن کو مداحن کے منقطع کرنے کی حناطب ر تجباز برقی احضارہ کو بلند کسیا حبائے گا۔ مسزید، شکل ب اور د

۲۷ باب ۳. بودلین الجبرا



شکل ۲۵.۳: نفی گیٹ استعال کرنے سے دیگر مستحکم کار حساس کیے حباتے ہیں۔

شکل ۲۲.۳ - الف کے مستخکم کار کے محسان کو نفی گیٹ سے منسلک کر کے شکل - ب کا مستخکم کار حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - الف دیکھیں) جس کا محسارج داحسنی احسارے کا متم ہو گا۔ ای طسرح شکل ۲۴.۳ - الف کے صابواٹ رہ (محباز) سے پہلے نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل ج حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - بدیکھیں)۔ شکل ۲۲.۳ - الف کے صابواٹ ارد (محباز) سے پہلے اور محسار ج کے بعد نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل درساسسل ہوگا۔

بلند عمسل پیپراغنی مستحکم کار (شکل ۲۴.۳ - الف) کی کار کرد گی حید ول ۱۱.۳ - الف مسین پیش کی گئی ہے۔ غیبر محباز مستحکم کار کا محساری "بلند رکاوٹی حیال "مسین ہوگا۔ حید ول - الف کی اولین دوصف اسس صورت کو ظاہر کرتی این؛ چونکہ غیبر محباز حسال مسین مداحسل کی قیمت نشائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حید ول مسین برسے ظاہر کسیا ؟ حیاتا ہے (جب ول مسین برسی مداحسل کی قیمت نشائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حید ول مسین برسی کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہے (جب ول میں کا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا کی حیاتا کی انہیں برسی کا کوئی اثر نہیں پایا

حبدول ہے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ "محباز"کو پست (0) کرنے ہے مستحکم کاربلٹ رکاوٹی حسال افتیار کرکے، مختارج سے حسٹرے ادوار پر کمی قتم کااثر نہیں رکھتا۔ محباز بلٹ (1) کرنے ہے مختارج پر وہی مواد حشارج ہو گاجو مداحسل پر مہیا کیا ۔ حسائے۔

مستحکم کار داخنی حبانب سے حنار بی حبانب مواد منتقتل کرتا ہے۔ جہاں دو ادوار کے مابین دونوں حبانب مواد کی ترسیل درکار ہو، وہاں دو مستحکم کار آپس مسین متوازی اُلٹ جوڑے حباتے ہیں، مشکل ۲۲٫۳ الف دیکھیں۔اسس کو دو طسرون مستحکم کار کہتے ہیں۔ شکل۔ب مسین اسس کی عسلامت پیشس کی گئی ہے۔بلند "محباز" کی صورت مسین سال محبازادر سال محبازادر سال مسین سال محبازادر سال محبازادر سال مسین سال محبازادر سال مسین سال محبازادر سال محباز م

active high non inverting buffer active high inverting buffer

active low non inverting buffer

active low inverting buffer

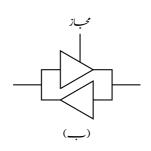
٣٠ سر گيوُل کے بر قی خواص

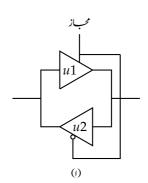
حبدول ۱۱.۳۱ بلند عمسل پسيراغب متم مستخکم کار کې کار کر د گا۔

	(<u> </u>)			
محباز	مداحنل	محنارج		
0	x	بلٺ ر کاوڻي حسال		
1	0	0		
_ 1	1	1		

	· ·	. ,
محباز	مداحنل	محنارج
0	0	بلٺ رڪاوڻي ڪال
0	1	بلن ركاوڻي حسال
1	0	0
1	1	1

(1)





مشكل ٣٠٢: دوط رن مستحكم كار ـ

معن ذور ہو گالہاندامواد دائیں سے بائیں منتقت ل ہو گا۔

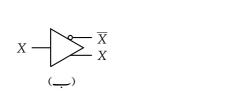
ای طبرح متم دوط رون مستحکم کاربھی بنایاحیا تاہے، جو مواد کامتم حنارج کرے گا۔

مستحکم کار اور متمم مستحکم کارے مداحسٰل آلپس مسیں جوڑنے سے ان کے محسارج پر تفساد حسال حساس کیے حباسے ہیں؛ مشکل مسلم ۲۷۰۔الف و یکھیں۔ مشکل ۔ ب مسین اسس کی عسامت پیش کی گئی ہے۔

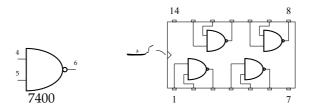
۳.۴.۲ مخنلوط ادوار

عام دستیاب موں گرجنہ متم گیٹ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ برقیاتی ادوار، عسوماً، ای طسر آ فی مسیں بند دستیاب ہوں گے جنہ میں مختلوط دور کہتے ہیں۔ مختلوط ادوار پر مختلوط دور کااعب ادی نام مشلاً 7400 درج ہوگا: اسس عدد کے ہند موں کے پی اطسران پر حسرون بھی ہوں گے جو اصنافی معسلومات منسراہم کرتے ہیں۔ ساتھ ہی ڈلی پر دوسسرا عدد مختلوط دور تسیار کرنے کی تاریخ دے گا۔ مشلاً بہاں دوسسرے عدد کے مطبابق سے مختلوط دور سن 1976 کے پینت الیسویں (45) ہنتے مسیں کار حن نے مسیں تسیار کسیا گئی۔ جیب سشکل مسیں دکھیا گیا ہے، اسس مختلوط دور

ڈبی پر ''کٹ'' کے نشان سے گھٹڑی محنالف رخ پنیے گننے حباتے ہیں۔ گیٹ کی عسلامت مسیں پنیے پر لکھاعہ د ڈبی







مشكل ٣٠٢٨: مخناوط دور 7400

مسیں اسس پنیے کامت میں میت ہے۔ یول گیٹ کے حسار بی پنیے پر 6 اسس پنیے کاڈبی مسیں مقت ام دیت ہے۔ گیٹ کاحت کہ بن تے وقت اسس کے قسم یہ مسلوط دور کانام (یانمب جو یہاں 7400 ہے) بھی کھے حباتا ہے۔

چين د مخنلوط ادوار درج ذيل ہيں۔

دْ بِي مسين گيــوْل كي تعـــداد	گیٹ	نام
4	دومداحنل ضرب متم	
4	دومداحنل جمع متمم	7402
6	شفی	7404
6	متمم مستحكم كار	7406
4	دومداحت ل ضرب	7408

مثق ا. ۳۰: انٹرنیٹ سے مندر حب بالا تمام محناوط ادوار کے معلوماتی صفحاتی مسلم است کریں اور ان مسیں علیمہ دہ معلوماتی صفحات مسیں بکتشر سے مواد موجود ہو گا جنہسیں دیکھ کر پریشان مسے مواد موجود ہو گا جنہسیں دیکھ کر پریشان مسے ہوں۔

datasheet²

آپ نے کئی مختلوط ادوار جبدول ۲۸۳ مسیں دیکھے جن کے نمب 74 سے شعروع ہوئے۔ دراصل 74xx مختلوط ادوار کا ایک سلمہ بی محتلوط ادوار کا انہوں سلمہ بیا گیا۔ انہوں سامسل کیا گیا۔ انہوں سامسل کیا گیا۔ ان اعداد (74xx) کا اذخود کوئی مطلب نہیں۔ ای طسرح کا دوسسراسلمہ 40xx پاراحیا تا ہے، جس مسین تمام مختلوط ادوار کے نمب 40 سے مشروع ہوتے ہیں۔

مختلوط ادوار سے کار کر دگی حساس کرنے کے لئے ان کو برقی دباومہیا کرنالازم ہے۔ سلسلہ 7400 کے تمسام مختلوط ادوار مثبت یہ سے میں برقی دباویہیں کے میں ہوگا۔ ہم میں دکھائے گئے مختلوط دور کو یک سے می برقی دباویہیں کے سے میں برقی دباویہیں کے میں ہوگا۔ جن دوبانوں پر مختلوط دور کو برقی طاقت سے میں بیٹ 14 مثبت ہوگا۔ جن دوبانوں پر مختلوط دور کو برقی طاقت مہالی حباق ہے بہتے ہیں۔

مثق ٢٠.٣: انٹىرنىئے ہے سلمام 40xx مىسى د ستياب حپار مداحنل ضر ب گيئے محنلوط دور كانمب دريافت كريں۔اسس محنلوط دور كوكتنابر قى د باور كار ہوگا؟

۳.۵ بوولین تف عل کاتخمین

منطقی ضرب، جمع، نفی تف عسل کے جبدول آپ نے دیکھے۔ منطقی تف عسل کے حبدول کواسس کتاب مسیں منطقی حبدول کہا حبائے گا۔ کہا حبائے گا۔ منطقی تف عسل کا تخمیت لگانے مسیں منطقی حبدول نہایت کارآ مد ثابت ہوگا۔ بودلین تف عسل کا تخمیت لاگاتے وقت (اسس کے) آزاد پودلین متخب رات کی تمام ممکن قیمتوں کو ترتیب دار ککھ کر تف عسل حسل کسیا حبائے گا۔

۳.۵.۱ بوولین تف عسل کا تخمین ب

بودلین تف عسل کا تخمیت لگانے کی حناطب ہم بودلین تف عسل $Z=A+B\overline{C}$ کو مشال لیستے ہیں۔ اسس تف عسل کے تین آزاد متخب رات کی تمام ممکن ترتیب کا حدول کھے ہیں۔ ورات کی تمام ممکن ترتیب کا حدول کھتے ہیں۔

A	В	С
0	0	0
0	0	1
0	1	0
0	1	1
1	0	0
1	0	1
1	1	0
1	1	1

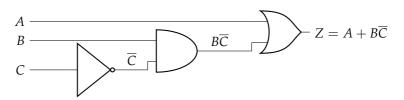
تف عسل مسیں C کی بحب کے \overline{C} استعمال ہوا ہے، البنداحبدول مسیں \overline{C} حساب مشاں کرتے ہیں۔ پہلی صف مسیں C کی قیمت C کی تعرب اور C کی تعرب اور C کی متنفسیرہ کے دو پہلو ہیں، البندامتنفسیرات کی تعداد تین رہے گی۔

A	В	С	\overline{C}
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

تف عسل کی قیمت حساصس کرنے کی حساط سر B اور \overline{C} کا منطق ضرب $B\overline{C}$ ور کار ہے، اہلیذاصف در صف B اور \overline{C} کی (مطابقتی قیتوں کی) منطق ضرب لے کرنئی قط ارمسین (مطابقتی صف مسین) درج کرتے ہیں۔

A	В	С	\overline{C}	В С
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	1	1
_ 1	1	1	0	0

اب بوولین نف عسل $A+B\overline{C}$ کی قیمت صاصل کرتے ہیں۔ جبدول مسیں ایک نبیاحت ثاب کی قیمت مسل کرتے ہیں۔ جبدول مسیں A کا منطق جمع ورج کیا جبائے گا۔



شکل ۳.۲۹: تف $a - B\overline{C}$ کوعب دی دور د $A + B\overline{C}$

A	В	С	\overline{C}	$B\overline{C}$	$A + B\overline{C}$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

اسس حبدول مسیں دایاں حن نے (قطب ر) دیے گئے بوولین تفعیل کی قیمت دیتا ہے۔ یہ آزاد متغیبرات کی تین ممکن قیتوں کے لئے 0 اور باقی تمام کے لئے 1 کے برابر ہے۔ اسس تفعیل کا منطقی گیٹوں کے ذریعیہ حصول مشکل ۲۹.۳ مسین د کھایا گیاہے۔

cرن بالاحبدول مسیں کی بھی صف مسیں A ، B ، اور C کی قیمتیں اسس دور (شکل ۲۹.۳) کو مہیا کرنے سے دور ، ای صف مسیں دی گئی، تف عسل کی قیمت دے گا۔ یوں پہلی صف مسیں C=A ، اور C=0 ، اور C=0 بیل جن کے لئے، عسین حبدول کے مطابق، C=0 ، اور C=0 بیل جن کے لئے، عسین حبدول کے مطابق، C=0 مطابق، C=0 مطابق، C=0 مطابق، C=0 مطابق، عبد مسل ہوگا۔

٣.٦ قوسين مسين ببند بوولين تفساعسل

روز مسرہ الجبرا کی طسرح بوولین الجبرامسیں بھی قوسین مسیں بند تف عسل بیلے حسل کئے حباتے ہیں۔

مثال است: تناعبل $\overline{A} + B(\overline{B} + A)$ مثال است:

حسل: تف عسل مسین دو آزاد متغییرات بین البندادو بهندسول پر مسبنی شن کی گسنتی لکھ کر آزاد متغییرات کی تمسام ترتیب حسامسل ہوں گی۔

A	В
0	0
0	1
1	0
1	1

تف عسل مسیں دونوں متغیبرات کے متم استعال ہوئے ہیں لہنہ احب دول مسیں ان کے حنانے بناتے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0	0

اب قوت بن مسین سند حصہ $(\overline{B}+A)$ کانٹ بناتے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	1	0	0	1

 $B \to B$ اور $B \to$

A	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$
0	0	1	1	1 0 1 1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	1	1

اب بم مکسل بوولین تف مسل کی قیت حساس کر سکتے ہیں۔ تف مسل کر نے کی حساس کر نے کی حساس کر نے کی حساس کر نے کی حساس کر ناہوگا۔ حساس کر ناہوگا۔

						$\overline{A} + B(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1	0 0 0 1	1
0	1	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	1

ے. س بوولین الجبراکے بنپادی قوانین _ا

بوولین الجبراکے پانچ بنیادی قوانین مندر حبہ ذیل ہیں۔

ا اگر
$$X
eq X$$
 ہوت $= 1$ ہوگا،اور

ا اگر
$$X \neq X$$
 ہوتہ $X = 0$ ہوگا۔

س منطقی جمع

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 1$$

۾ منطقي ضرب

$$0 \cdot 0 = 0$$

$$0 \cdot 1 = 0$$

$$1 \cdot 0 = 0$$

$$1 \cdot 1 = 1$$

۵ منطقی نفی

$$\overline{0} = 1$$

$$\overline{1} = 0$$

اگر حب سے پانچ توانین نہایت سادہ معسلوم ہوتے ہیں، ان سے مکسل بوولین الجیرا اخت کسیا حباسکتا ہے۔ بوولین الجبرا ک چند قوانین حبدول ۱۲٫۳ - الف اور ب مسیں پیش کیے گئے ہیں۔ سے تمسام درج بالاپانچ بنیادی قوانین سے اخت ذکیے حبا سکتے ۱۲٫۲۔

بوولین مساوات ثابت کرنے کاایک اہم طسریقہ بوولین حبدول سے اخسذ کرنے کا طسریقہ کہلا تا ہے۔ آئیں، درج بالا مسین سے چند قوانین اسس طسریقہ سے حساصل کریں۔

مثال ۲۰۰۲: حبدول ۱۲۰۳۳-الف کی شق 1 کوبودلین حبدول کی مدد سے ثابت کریں۔

حسل: اسس شِق کے بائیں ہاتھ، X واحد متخب رہ ہے۔اسس کے بودلین حبدول مسین دواندراج 0 اور 1 ہول گے،جوایک ہندی شنائی عبد دکی تب ممکن قیمتیں ہیں۔

با____س. بوولين الجبرا

حبدول ۱۲ ب۳: بوولین الجبراکے چنند بنیادی قوانین۔

(ب) دو سراپہلو۔

(۱)پېلاپېلو

شِق	مساوات
1	1 + X = 1
2	0+X=X
3	$X + \overline{X} = 1$
4	X + X = X
5	X + Y = Y + X
6	(X+Y) + Z = X + (Y+Z)
7	X(X+Y)=X
8	X + XY = X
9	XY + XZ = X(Y + Z)
10	$X(\overline{X} + Y) = XY$
11	$(X+Y)(Y+Z)(\overline{Y}+Z) = (X+Y)Z$
12	X + YZ = (X + Y)(X + Z)
13	$\overline{\overline{X}} = X$

شِق	مساوات
1	$0 \cdot X = 0$
2	$1 \cdot X = X$
3	$X \cdot \overline{X} = 0$
4	$X \cdot X = X$
5	$X \cdot Y = Y \cdot X$
6	$(X \cdot Y) \cdot Z = X \cdot (Y \cdot Z)$
7	X + XY = X
8	X(X+Y)=X
9	(X+Y)(X+Z) = X+YZ
10	$X + \overline{X}Y = X + Y$
11	$XY + YZ + \overline{Y}Z = XY + Z$
12	X(Y+Z) = XY + XZ
13	$\overline{\overline{X}} = X$

0 1

 $0\cdot X$ اور $0=1\cdot 0$ ورج ہوں گے۔ $0\cdot X$ کاحنات شامل کرتے ہیں، جس مسیں $0=0\cdot 0$ اور

 $\begin{array}{c|c} X & 0 \cdot X \\ \hline 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{array}$

اسس حبدول کی دائیں قطب رکہتی ہے کہ $X\cdot X$ ہمیشہ 0 ہوگا۔ ہم یمی ثابت کرناحیاتے تھے۔

اسس طسرح کے سوال، جن مسیں ایک متغیرہ X کو مشقل عدد C سے منطقی ضرب دیت ہو، کی تعدم با متدم ترکیب دیکھتے ہیں۔ متغیرہ X کے تمام مکن قیمتوں کے حبدول مسیں مشتقل C کی قطبار شامسل کریں۔ موجودہ مشال مسیں مشتقل C کی قطبار مسیں تمام اندراج کی قیمت C ہوگی۔

$$\begin{array}{c|cc}
C & X \\
\hline
0 & 0 \\
0 & 1
\end{array}$$

اب X · D كى قط ارث امس كرير ـ

С	X	$C \cdot X$
0	0	0
0	1	0

 $0 \cdot X = 0$ ہوگا۔ $0 \cdot X = 0$ ہوگا۔

مثال ٣٠٣: حبدول ١٢٠٣-الف كيشِق 2 كوبوولين حبدول عاب رس كرين-

حسل: اسس شِن کے ہائیں ہاتھ X واحد متغیرہ، جبکہ 1 متقل ہے۔ متغیرہ کا پوولین حبدول کھتے ہیں؛ ساتھ ہی متقل 1 کی قطبار شامل کرتے ہیں، جس کے تمام اندراج کی قیب 1 ہوگی۔ آخنہ مسیں $1 \cdot X$ کی قطبار شامل کرتے ہیں۔

1	X	$1 \cdot X$	•	1	X
1	0	0	•	1	0
1	1	1		1	1

 $1 \cdot X = X$ اور X کی مطابقتی قیمت یں ہمیث ایک حبیبی ہیں، لہذا ثابت ہوا کہ X = X ہوگا۔

مثال ۲۰۰۳: $\overline{X} = 0$ ثابت کریں۔ حسل:

$$\begin{array}{c|cccc}
X & \overline{X} & X \cdot \overline{X} \\
\hline
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 0
\end{array}$$

مثال ۵. $x: \quad \exists !$ $x \cdot X = X$ هوگابو $X \cdot X = 0$ همثال ۵. $x \cdot X = 0$ همثال ۵. $x \cdot X = 0$ همثال ۵. $x \cdot X = 0$ هوگابو $X \cdot X = 0$ هوگابو $X \cdot X = 0$ هما $X \cdot X = 0$ هما

مثال ۳.۲: فتره $\overline{\overline{X}}=X$ ثابت کریں۔ حسل:

$$\begin{array}{c|cc}
X & \overline{X} & \overline{\overline{X}} \\
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 1
\end{array}$$

با سب يودلين الجبرا

مثال
$$X$$
. البي کرین که $(0+X=X)$ ، مثال X . البی کارین که $(0+X=X)$

0	X	0+X
0	0	0
0	1	1

دائيں دوقطب رايک جيسے ميں لہاني اثبو ہے پوراہوا۔

شال ۳.۸
$$(1+X=1)$$
 ثابت کریں۔ حسل:

1	X	1+X
1	0	1
1	1	1

دائیں دوقطبار ایک جیسے ہیں لہانے اثبوت پوراہو تاہے۔

مثال ۱۳.۹: فتره
$$X + Y = Y + X$$
 ثابت کریں۔ حسل:

X	Υ	X+Y	Y + X
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	1

دائيں دو قطب رايك جيسے ہيں الهاند اثبوت پوراہو تاہے۔

$$X(Y+Z)=XY+XZ$$
 مثال ۱۳۰۱: ثابت کرین که $X(Y+Z)=XY+XZ$ بوگار سل:

X	Υ	Z	Y+Z	XY	XZ	X(Y+Z)	XY + XZ
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

دائیں دوقط ارایک جیسے ہیں لہلندا ثبوت پوراہوا۔

۳.۸ ڈی مار گن کے کلیا ہے

مثال ۱۱.x: ثابت کریں X + XY = X ہوگا۔

سن: اسس کو بوولین حبدول کے بحبائے بوولین الجبرا کی مدد سے سنل کرتے ہیں۔ ہم مساوات کے بائیں ہاتھ کو XZ + XY کھو سکتے ہیں جہاں Z = 1 ہوگا۔ یوں حبدول ۱۳۳۳-الف کی شِق 12 کے تحت درج ذیل ہوگا، جہاں Z کی قیہت 1 کی گئی ہے۔

$$X+XY=X(1+Y)$$
 جبدول ۱۲.۳۳ - ب کی شِق 1 کے تحت $1+Y=1$ ہوگا، البند اورج ذیل لکھ جب سکتا ہے $X+XY=X(1+Y)=X\cdot 1=X$ جب ان آمنسری وت دم پر جب دول ۱۲.۳۳ الف کی شِق 2 استعمال کی گئی۔

حبدول ۱۲.۳ - الف کی شِق 5 کومتعبد دمتغییرات تک وسعت دی حب سکتی ہے۔ تین متغییرات کے لئے درج ذیل ہول گے۔

$$ABC = BAC$$
$$= BCA$$
$$= CBA$$
$$= CAB$$

اسس طسرح حبدول ۱۲.۳-ب كى شِق 5 كو بھى دوسے زيادہ متغيرات كے لئے وسعت دى حباسكتى ہے۔ تين متغيرات كے لئے، ب شِق درج ذيل صورتيں افتيار كرتى ہے۔

$$A+B+C = B+A+C$$

$$= B+C+A$$

$$= C+B+A$$

$$= C+A+B$$

۳.۸ ڈی مار گن کے کلیا ہے

دونہایہ اہم قوانین جنہیں ڈی مار گن کے کلیا۔ (یاڈی مار گن کے مسائل) کہتے ہیں مندر حب ذیل ہیں۔

$$\overline{X+Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$$

$$\overline{X \cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y}$$

ان دومسائل کو بوولین حبدول کی مدد سے ثابت کرتے ہیں۔ ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ $\overline{X} \cdot \overline{Y} = \overline{X} \cdot \overline{X}$ کا ثبوت درج ذیل

۵۸ باب سب يوولين الجبرا

X	Υ	\overline{X}	Y	X + Y	$\overline{X+Y}$	$\overline{X} \cdot \overline{Y}$
0	0	1	1	0 1 1 1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

آپ نے دیکھ دائیں ترین دوقط اریک ال ہیں اہند ا $\overline{X} \cdot \overline{Y}$ اور $\overline{X} \cdot \overline{Y}$ ایک دوسرے کے برابر ہیں۔ یول ثبوت مکسل ہوتا ہے۔

ڈی مار گن کے دوسے مسئلہ $\overline{X} + \overline{Y} = \overline{X} + \overline{Y}$ کا ثبوت درج ذیل ہے (جہاں دائیں ترین دو قطاروں کی یک نیت ثبوت بیش کرتی ہے)۔

X	Υ	\overline{X}	\overline{Y}	$X \cdot Y$	$\overline{X \cdot Y}$	$\overline{X} + \overline{Y}$
0	0	1	1	0 0 0 1	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	0	0

ڈی مار گن کے مسائل منطقی جمع کو منطقی ضر ب مسین اور منطقی ضر ب کو منطقی جمع مسین تب دیل کرتے ہیں، اور پوولین تف عسل حسل کرنے مسین مد دگار ثابت ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر ، حبد ول ۱۲.۳-الف کی پہلی شِق X=0 کا متم کیتے ہیں۔

$$\overline{0 \cdot X} = \overline{0}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کادو سسرامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

$$\overline{0} + \overline{X} = \overline{0}$$

مسزید، چونکہ 0 کامتم 1 ہے، یعنی $1=\overline{0}$ ہوگا، لہندادرج ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$1 + \overline{X} = 1$$

اسس مساوات مسين X كوبوولين متغيره Z تصور كياحباسكتابي بون درج ذيل حساصل مولاً ـ

$$1 + Z = 1$$

اسس کاحبدول ۱۲.۳ ا - ب کی شِق 1 سے مواز نے کریں۔ متغیبرہ کے نام مختلف ہونے کے عسالہ دونوں یک ال ہیں۔

ڈی مار گن مسائل کی مدوسے ہم نے دیکھ کہ

$$0 \cdot X = 0$$

۳.۸ وی مار گن کے کلیات

اور

$$1 + X = 1$$

در حقیقت ایک ہی تف عسل کے دو پہلوہیں۔

$$(0 \cdot X = 0) \Leftrightarrow (1 + X = 1) \tag{ω}$$

اسس مسئلہ کو ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ کی مدو سے بھی دیکھ حب سکتا ہے۔ایس کرنے کی حن طسر ہم بوولین تف عسل 1+X=1 کے دونوں اطسران کا متم کہتے ہیں۔

$$\overline{1+X}=\overline{1}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا پہلامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

$$\overline{1} \cdot \overline{X} = \overline{1}$$

اب آکی جگہ 0 ڈالتے ہیں۔

$$0 \cdot \overline{X} = 0$$

ہے۔ مساوات کسی بھی متغیرہ X کے لئے درست ہے۔اسس متغیرہ کو ہم Z بھی پکار سکتے ہیں۔ایسا کرنے سے درج ذیل مسامسل ہوگا۔

$$0 \cdot Z = 0$$

ہم و کھتے ہیں کہ یہ پاکل X=0 کی طسرح ہے۔ و نسرق صرف متغیرہ کے نام کا ہے۔ البذا ثابت ہوا کہ X=1 اور X=0 ایک بی تف عسل کے دوپہاو ہیں۔

مثال ۱۳.۱۳: ثابت کرین که X=X اور X=X اور X=X ایک بی تق- تاب کی دوشکلین میں۔

حل: X = X - 1 کے دونوں اطسران کامتم کیتے ہیں۔

$$\overline{1 \cdot X} = \overline{X}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کادو سسرات نون لا گو کرتے ہیں

$$\overline{1} + \overline{X} = \overline{X}$$

اور آکی جگے 0 پُرکرتے ہیں۔

$$0 + \overline{X} = \overline{X}$$

باب ۳. بوولين الجبرا

 \overline{X} متغیره \overline{X} کوینے نام کے سے کارتے ہیں۔

$$0 + Z = Z$$

X=X اور X=X اور X=X اور X=X ایک بودلین متغیره اسس متغیره کے برابر ہوگا۔ یوں ثابت ہوا کہ X=X اور X=X اور X=X

آ __ اى مثال كو پچسلى مثال كى طرح ألث رخ مسين ثابت كريں ـ

مثال ۱۳۰۱ تو بوولین تف عسل $Z = X \cdot (Y \cdot Z) \cdot Z = X \cdot (X \cdot Z)$ کام شاله ڈی مار گن کے مت نون لاگو کر کے حساست کریں۔

حل: دئے گئے تف عسل کے دونوں اطسران کامتم کیتے ہیں۔

 $\overline{(X \cdot Y) \cdot Z} = \overline{X \cdot (Y \cdot Z)}$

دونوں اطبران ڈی مار گن کادوسسرات انون لا گو کرتے ہیں۔

$$(\overline{X \cdot Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y \cdot Z})$$

ڈی مار گن کا متانون استعال کرتے وقت قوسین مسیں ہند ھے۔ کو ایک متغیبرہ تصور کیا گیا۔ دونوں اطسران قوسین مسیں ہند تف عسل پر دوہارہ ڈی مار گن کادوسسرات نون لا گو کرتے ہیں۔

$$(\overline{X} + \overline{Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y} + \overline{Z})$$

$$(A+B)+C=A+(B+C)$$

۳.۹ حبر وان بوولین تف عسل

گزشتہ حصبہ مسیں دیکھ گیا کہ بوولین تف عسل کے دو پہلو ہوتے ہیں۔یوں کی بوولین تف عسل کو ثابت کرتے ہی اسس کا حبٹروال تف عسل فوراً لکھ حبٹروال بولین اسس کا حبٹروال تف عسل فوراً لکھ حبٹروال ہولین تق عسل مصل کے دو پہلو پیشس کر تاہے۔ تق عسل مصل کے دو پہلو پیشس کر تاہے۔ مشلاً ،حبدول الف کی ثبت 7 دے گا۔

حبدول ۱۳ است: تقن عسل کاحبدول (برائے حسب ۱۰ ۳۰)

A	В	С
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1

۳.۱۰ ارکان ضرب کے محبہوعہ کی ترکیب

منطقی مسئلہ کو بوولین تفع سل کی صور سے مسیں لکھنا مندر حب ذیل مشال سے ہا آس نی سنجھا حباسکتا ہے۔

ون من کریں، ایک تف عسل جس کے آزاد متغیرات A اور B ، جبکہ تابع متغیرہ C ہے، اسس صورت بلن دB=1 اور B=1 اور B=1 اور B=1 ہوتا ہے جب

ان معسلومات کو حبد ول ۱۳۱۳ مسیں پیش کے آزاد متغیرہ پیش کے آزاد متغیرہ ول مسیں "ارکان خرب" کی قط ار شامسل کریں۔ اسس قط ارکے ہر حنانے مسیں ای صف کے آزاد متغیرہ وپیت ہونے کی صورت مسیں متغیرہ وکا متم اور بلند صورت مسیں متغیرہ بذات خود درج کیا حبائے گا۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حن طسر، حبدول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A = 0 اور B = 0 اور B = 0 ہوگا۔ دوسری صف مسیں A = 0 اور A = 0 ہوگا۔ دوسری صف مسیں A = 0 اور A = 0 ہوگا۔ دوسری صف مسیں A = 0

A	В	C	ار کان ضر ب
0	0	0	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	$\overline{A}B$
1	0	0	$A\overline{B}$
1	1	1	AB

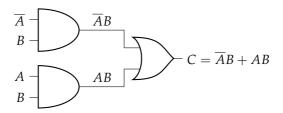
تفاعلی کے جدول کے النے تمام ارکالن ضرب کا مجمومہ لیرے بھنے کی صف میں تالع متغیرہ C کی قیمت 1 ہو۔ یہ مجمومہ تالع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اس طسر ن تف عسل کھنے کوار کان ضرب کے محبسوعہ کی ترکیب کہتے ہیں۔ (اسس کو محبسوعہ ارکان ضرب بھی پکار سے ہیں۔) ارکان ضرب بھی پکار سے ہیں۔)

یوں درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$(r.11)$$
 $C = \overline{A}B + AB$ $(r.11)$

مسادات ۱۱٫۳ مسیں حساس تف عسل کا منطق دور شکل ۲۰۰ ،۳ مسیں د کھایا گیاہے۔

باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۳۰ سزار کان ضر ہے محب وعب (مساوات ۱۱٫۳) کا منطقی دور۔

ار کان ضرب کے محب وعب سے حساس مساوات ہر صورت ضرب گیٹوں کی ایک قطار (یاصف) اور ایک جع گیٹ سے ساتھ ان کے متم بھی جع گیٹ سے حساستی ہے (جبال مسرض کیا حباتا ہے کہ، آزاد متنصر رات کے ساتھ ان کے متم بھی میسر ہیں)۔ ایسادور ضرج و جمع اکہلائے گا۔

مساوات ۱۱.۳ اور شکل ۳۰.۳ کی در ستگی کی تصدیق بوولین حبدول سے کرتے ہیں (حبدول مسیں موازنے کے لئے C کا حنان بھی پیش کی آگیا ہے)۔

A	В	C	\overline{A}	$\overline{A}B$	AB	$\overline{A}B + AB$
0	0	0	1	0	0 0 0 1	0
0	1	1	1	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	1

اسس حبدول کادایاں قطار C کے برابرہے۔

مساوات ۱۱٫۳ لکھنے کا دوسسرا انداز جو نہایت مقبول ہے سنجھنے کی مناطسر نفاعسل کے حبدول مسیں "ارکان ضرب" کے عسلادہ ایک نی قطبار (m) شامسل کرتے ہیں۔

A	В	C	ار کان ضرب	m
0	0	0	$\overline{A} \overline{B}$	m_0
0	1	1	$\overline{A}B$	m_1
1	0	0	$A\overline{B}$	m_2
1	1	1	AB	m_3

نی قط ارم میں m ارکان ضرب کو ظ اہر کرتا ہے، البند القC کی مساوات کھتے ہوئے $\overline{A}B$ کی بحبائے m اور

AND-OR

کی بحبائے m_3 کی بحبائے m_3 کی بحبائے ہیں۔ یوں مساوات m_3 ااسے درج ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$C = \overline{A}B + AB$$

$$= m_1 + m_3$$

$$= \sum (m_1, m_3)$$

$$= \sum (1,3)$$

ار کان ضرب روایت اُر چھوٹی کھسائی مسیں) m_{χ} کھے جباتے ہیں، جہاں زیر نوشت χ جبدول مسیں مطابقتی صف کے آزاد متغیب رات کوشنائی عبد د (کے ہندہ) مسجھ کر، ہر ابر کااعشاری عبد د لیاحیا تا ہے۔

مثال ۱۴٪ درج ذیل بوولین حبدول سے بوولین تف عسل کی مساوات حساصل کریں۔

A	В	С	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبدول مسين Z تائع متغيره ہے۔ حبدول كى دائيں حبانب اركان ضرب كى قطب ارث امسل كرتے ہيں۔

A	В	С	Z	ار کان ضرب	m
0	0	0	1	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$	m_0
0	0	1	0	$\overline{A}\overline{B}C$	m_1
0	1	0	1	$\overline{A} B \overline{C}$	m_2
0	1	1	1	$\overline{A}BC$	m_3
1	0	0	0	$A \overline{B} \overline{C}$	m_4
1	0	1	0	$A \overline{B} C$	m_5
1	1	0	1	$AB\overline{C}$	m_6
1	1	1	1	ABC	m_7

اُن ار کان ضرب کا محبوء ہے لیے ہیں جن کی صف میں تابع متغیرہ کی قیت 1 ہے۔ $Z=\overline{A}\,\overline{B}\,\overline{C}+\overline{A}\,B\,\overline{C}+\overline{A}\,B\,C+A\,B\,\overline{C}+A\,B\,C$ $= \overline{A}\,\overline{B}\,\overline{C}+\overline{A}\,B\,\overline{C}+\overline{A}\,B\,C+A\,B\,C$ $= \sum (m_0,m_2,m_3,m_6,m_7)$

باب ۳. بوولين الجبرا

حبد ول ۲۰۳۳ امسیں دیے گئے قوانین استعال کرتے ہوئے مساوات کی سادہ صورت حساس کرتے ہیں۔

$$Z = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B \, \overline{C} + A \, B \, C$$

$$= \overline{A} (\overline{B} + B) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (\overline{C} + C)$$

$$= \overline{A} (1) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (1)$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B C) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + \overline{A} B + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + (\overline{A} + A) B$$

$$= \overline{A} \, \overline{C} + B$$

ہے۔ دیے گئے بوولین حبدول کی سادہ ترین مساوات ہے۔اسس کا بوولین حبدول لکھ کر آپ ثابت کر سکتے ہیں کہ ہے۔ اصل تف عسل بی ہے۔

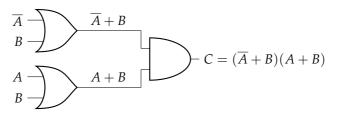
۳.۱۱ ار کان جمع کی ضرب کی تر کیب

گزشتہ جسب مسیں بوولین جبدول سے تفاعل کا مساواتی روپ حساصل کیا گیا، جہاں ان صفول کے ارکان ضرب کا مجبوعہ لیا گیا جن مسیں تائع متغیرات کی قیت 1 تھی۔ آئیں اب" ارکان جمع" لکھنا اور ان سے تفاعل کی مساوات حساصل کرنا سیکھیں۔

حسے ۱۰.۳ مسیں متمل جب ول ۱۳.۳ کو مشال بنتے ہوئے اسس مسیں ارکان خرب کی بجبئے ارکان جُع کی قطبار مشام کرتے ہیں۔ ارکان جُع کھتے ہوئے، مطبابقتی آزاد متغیرہ پیت ہونے کی صورت مسیں متغیرہ بذات خود اور بلند صورت مسیں متغیرہ کا متم جُع کیا حباتا ہے۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حناطسر، حبدول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A = 0 اور B = 0 اور B = 0 ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A + B ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A + B اور A + B ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A + B اور A + B اور A + B ہوگا۔

A	В	C	ار کان جمع
0	0	0	A+B
0	1	1	$A + \overline{B}$
1	0	0	$\overline{A} + B$
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$

تفاعل کے جدول کے الض تمام ارکال بھی کا عاصل ضرب لیں جن کی صف میں تفاعل کے تامیح متغیرہ C کی قیمت 0 ہو۔ یہ سامسل ضرب تابع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اسس طسر ہ تنساعسل کھنے کوارکان جمع کی ضرب کی ترکیب کہتے ہیں (اسس کو ضرب بعد از جمع بھی پارکتے ہیں)۔



کشکل ۱۳.۳: ار کان جمع کی ضر<u>ہے ہے</u> حساص^ل دور (مساوات ۱۳.۳)۔

یوں درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$(r.r)$$
 $C = (A+B)(\overline{A}+B)$ $(-..)$ $C = (A+B)(\overline{A}+B)$

ار کان جمع کی ضرب سے حسام سل مساوات کوہر صورت جمع گیٹوں کی ایک قطار (یاصف) اور ایک ضرب گیٹ سے حسامسل کسیاحب سکتاہے (جہاں منسرض کسیاحب تاہے کہ، آزاد متنعب رات کے ساتھ ان کے متم بھی میسر ہیں)۔ یوں بنائے گئے دور کو جمج و ضرجے کہتے ہیں۔

ماوات ۱۳۳۰ میں حاصل دور شکل ۱۳ سمیں پیش کے گیا ہے۔

م اوات ۳.۳ الکھنے کادوسے رااند از جو نہایہ۔ مقبول ہے مسجھنے کی مناطب رتنا عسل کے جبدول مسیں "ار کان جمع" کے عساوہ، بڑی لکھائی مسین ایک نئی قطار (M) مشامل کرتے ہیں، جوار کان جمع کو ظاہر کرتا ہے۔

\boldsymbol{A}	В	C	ار کان جمع	M
0	0	0	A + B	M_0
0	1	1	A + B $A + \overline{B}$	M_1
1	0	0	$\overline{A} + B$	M_2
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$	M_3

یوں مساوات ۱۳.۳ درج ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

$$(r.r)$$
 $C = (A+B)(\overline{A}+B) = M_0M_2 = \prod (M_0, M_2) = \prod (0,2)$

مثال ۱۵.۳۵ : ڈی مار گن کے کلیات استعال کرتے ہوئے محبہوعہ ارکان خرب سے ارکان جمع کی خرب کی ترکیب حساس کریں۔ حساس کریں۔ حسان جم جسے ۱۰٫۳۰ مسیں مستعمل جبدول ۱۳٫۳۳ کومثال بن کراسس مسیں \overline{C} اور ارکان خرب کی قطباریں شامسل

باب. ٣- بوولين الجبرا

A	В	C	\overline{C}	ار کان ضر ـــــ
0	0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	0	$\overline{A}B$
1	0	0	1	$A\overline{B}$
1	1	1	0	AB

 \overline{C} ہم \overline{C} کے لئے ارکان ضرب کامجب وعب کھ کر (لینی ان ارکان ضرب کامجب وعب جن کے صف مسیں \overline{C} کی قیمت \overline{C} ہو):

$$\overline{C} = \overline{A} \, \overline{B} + A \, \overline{B}$$

دونوں اطسران کامتم لے کر C کی مساوات حساصل کرتے ہیں۔

$$\overline{\overline{C}} = C = \overline{\overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}}$$

ڈی مار گن کلیات بار بار استعال کرتے ہوئے درج ذیل حسامسل کیا حباسکتا ہے۔

$$C = \overline{A} \, \overline{B} + A \, \overline{B}$$

$$= (\overline{A} \, \overline{B}) (\overline{A} \, \overline{B})$$

$$= (\overline{A} + \overline{B}) (\overline{A} + \overline{B})$$

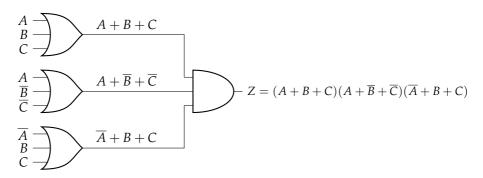
$$= (A + B) (\overline{A} + B)$$

اسس نتیج کامب اوات ۱۳٫۳ کے ساتھ مواز نے کریں۔ لپس ثابت ہوا کہ محبہ وعب ار کان ضرب سے ار کان جمع کی ضرب سے صل کی حباستی ہے۔

مثال ۱۱ .۳: درج ذیل بودلین حبدول سے (۱) ارکان جمع کی ضرب، (ب) ارکان ضرب کا محب وعبہ لے کر نف عسل کی مثال ۱۳ .۳ مب وات حساصل کریں ۔ دونوں نتائج کے ادوار د کھائیں۔

A	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبد ول مسین از کان جمع اور از کان ضرب کی قطبارین شامسل کرتے ہیں۔



شکل ۳.۳۲: جمع وضر به دور (مساوات ۱۲.۳) به

A	В	С		ار کان جمع	ار کان ضر ب
0	0	0	0	A+B+C	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$
0	0	1	1	$A+B+\overline{C}$	$\overline{A}\overline{B}C$
0	1	0	1	$A + \overline{B} + C$	$\overline{A} B \overline{C}$
0	1	1	0	$A + \overline{B} + \overline{C}$	$\overline{A}BC$
1	0	0	0	$\overline{A} + B + C$	$A \overline{B} \overline{C}$
1	0	1	1	$\overline{A} + B + \overline{C}$	$A \overline{B} C$
1	1	0	1	$\overline{A} + \overline{B} + C$	$AB\overline{C}$
1	1	1	1	$\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}$	ABC

(۱)جن صفوں مسیں تابع متغیبرہ Z کی قیبیت 0 ہےان صفوں کے ارکان جمع کی ضرب مطلوب نتیب ہوگا۔

(r.in)
$$Z = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + C)$$

اسس کو درج ذیل بھی لکھ سکتے ہیں۔

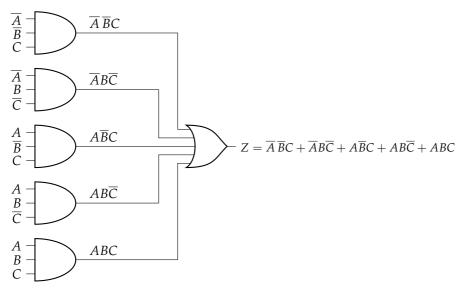
$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (M_0, M_3, M_4)$$

مساوات ۱۲.۳ مسیں حساس نتیب کا جمع و ضرب دور شکل ۳۲.۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ (ب)حبدول کے ارکان ضرب کامحب وعہ لے کر ضرب و جمع دور حساس کرتے ہیں۔

$$(r.12) Z = \overline{A} \, \overline{B} \, C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} C + A B \overline{C} + A B C$$

اس دور کو شکل ۳۳٫۳۳ میں پیش کی گیا ہے۔

اسس مثال مسیں ایک ہی تف عسل کے دو ادوار، مشکل ۳۲ ۱۳۳ اور مشکل ۳۳ ۳۳ پیشس کیے گئے۔ پہلے دور مسیں تین جمع اور ایک ضرب گیٹ استعال ہوا، جبکہ دوسسرے مسیں پانچی ضرب اور ایک جمع گیٹ استعال ہوا۔ (جیب ہم ذکر کر چپے باب ٣٠. بوولين الجبرا



شکل ۳۳ ۳: ضر _ وجمع دور (مساوات ۱۷.۳) _

ہیں، ار کان جمع کی ضرب سے حسامسل دور جمع گیوٹوں کی قطار اور ایک ضرب گیٹ سے بنے گا۔ ار کان ضرب کے محب وعب سے حسامسل دور ضرب گیٹوں کی قطار اور ایک جمع گیٹ سے حسامسل ہوگا۔) یوں اسس نقساعسل کو ضرب بعد از جمع سے حسامسل ہوگا۔ یادر ہے کہ ضرب بعد از جمع اور محب وعب ار کان ضرب منطقی طور پر ایک ہیں۔ پر ایک ہیں۔

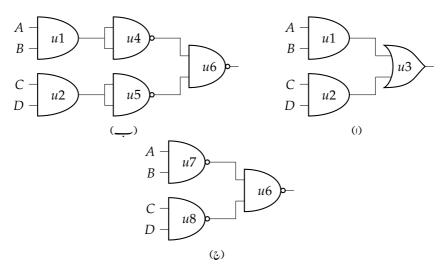
۳.۱۲ محبہ وعب ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے مابین تب دلہ

ہم نے مشال ۱۱.۳ مسیں تف عسل کی مساوات، مجمعوعہ ارکان ضرب اور ضرب بعید از جمع کی مشکل مسیں حاصل کی، جنہیں ہیں ار

$$Z = m_1 + m_2 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (1, 2, 5, 6, 7)$$

$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (0, 3, 4)$$

محب وعب ارکان ضرب مسین پہلا، دوسسرا، پانچوال، چھٹ اور ساتوال رکن ضرب استعال ہواجب کہ صف روال، تیسرا اور چو تحت رکن غرب مستعمل، اور چو تحت رکن غیسر مستعمل، اور چو تحت رکن غیسر مستعمل، جب مضرب اور چو تحت رکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوبی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی جب صف روال، تیسرا اور چو تحت رکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوبی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی مصاوات کو ایک روپ میں دوپ میں تسبدیل کیا حیاتا ہے۔ ارکان خرب یا ارکان ضرب یا ارکان ضرب یا ارکان ضرب یا ارکان مضرب مصاوات کو ایک روپ میں غیسر مستعمل ارکان، مضرب دروپ میں مصاوات حیاتا ہے۔ ارکان جمع کے روپ میں عسیر مستعمل ارکان، دوسرے دوپ میں استعال ہوں گے۔



شکل ۳۲۲. ۱۲:۱۱ کان ضرب کے مجب وعب سے متم ضرب ومتم ضرب دور کا حصول۔

۳.۱۳ ضرب وجمع دورسے متم ضرب ومتم ضرب دور کاحصول

کی بھی پوولین تف عسل کو مجموعہ ارکان ضرب کی صورت مسیں بیان کیا جب سکتا ہے، جس کو ضرب گیٹوں کی تجب ہوں ایک نوٹر کے لاج AB + CD کی قطار اور ایک جج گیٹ ہے۔ حساسل کیا جب سکتا ہے۔ شکل ۳۲.۳۔الف مسیں تف عس AB + CD کا مصاوی دور نصب کرتے مجب موعہ ارکان ضرب دور دکھایا گیا ہے۔ جج گیٹ 80 کی جگہ شکل ۲۰۰۳۔الف کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے شکل سے سنگل ۱۸.۳ مسیں متم مخرب علی سے شکل سے سال بوگا (جب ال 80 کی جگہ 140 استال کیے گئے)۔ شکل ۱۸.۳ مسیں متم ضرب گیٹ بطور ننی گیٹ دکھایا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ (مشلاً 41) اور ننی گیٹ (مشلاً 41 جس کو ننی گیٹ تصور کرتے ہیں) کی جگہ (شکل ۱۹۲۳ و یکھیں) متم ضرب گیٹ (مشلاً 71) استعمال کرتے ہوئے شکل ت

آپ نے دیکھ کہ مشکل ۳۴.۳ الف کے ضرب و جمع دور مسین تمسام گیٹ تبدیل کر کے متم ضرب گیٹ نسب نسب کرنے سے کہ کرنے سے سنگل-ج کا متم ضرب و متم ضرب دور حساصل ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصومی مشاہدہ ہے۔ یاد رہے کہ محب وعب ارکان ضرب کے ضرب و جمع دور مسین ضرب گسٹوں کی قطب ارادرا کی جمع گیٹ ہوگا۔

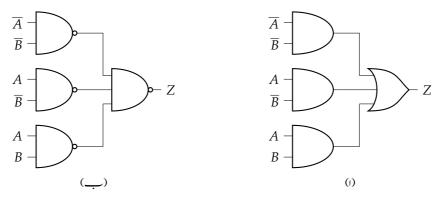
ضرب و جمع دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تمام گیٹول کی جگہ متم ضرب کیٹے نسب کرنے سے متم ضرب و متم ضرب دور ماصلی ہوگا۔

سلیکان کی فی مسریح سنی مسیر پستدی پر بہت بڑی تعداد مسیں گیٹ بنائے سباسے ہیں اور ب تعداد دن بادن بڑھتی

NAND-NAND^A

_

٤٠ پايس ٣٠. يوولين الجبرا



شكل ۳۵ ۳. ۳۵ فر ب وجمع سے متم ضرب ومتم ضرب (مشال ۱۷.۱۳) ـ

حیلی حبارہی ہے۔ سایکان کی بہتری پر ایک ہی قتم کے گیٹ نسبتازیادہ آسانی اور بہتر بنائے جباسکتے ہیں۔ یوں کسی بھی تقف عسل کو خرب و جمع کی بجبائے متم ضرب و متم ضرب دور سے حساس کرنازیادہ سود مند ثابت ہوگا۔ ای وجب سے و سسے پیپ سند کی مختلوط ہوتیات میں متم ضرب گیٹ نہایت مقبول ہیں۔

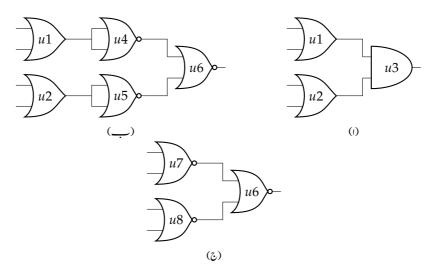
مثال ۱۷. ۳: مندر حبه ذیل تفاعسل کامتم ضرب ومتم ضرب دور حساصسل کریں۔

A	В	$\mid Z \mid$
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	1

صل: تناعسل کاممبوعہ ارکان ضرب لکھنے کی عضرض سے حبدول مسین ارکان ضرب کی قطبار شامسل کرتے ہیں۔ ہیں۔

A	В		ار کان ضر ــــ
0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	0	$\overline{A} B$
1	0	1	$A \overline{B}$
1	1	1	AB

یوں $Z = \overline{A} \, \overline{B} + A \overline{B} + A \overline{B}$ الف میں پیش ہے۔ تسام گیوُں کی جگہ متم مغرب گیٹ نوب کی جگہ متم مغرب و متم مغرب و ورحب صل ہوگا ہو سنگل سے۔



شکل ۳۹ بیا: جمع وضر بے سے متم جمع ومتم جمع۔

۳.۱۴ جمع وضر ب دور سے متم جمع ومتم جمع دور کاحصول

تف عسل کے ارکان جمع کی ضرب سے حسامسل جمع و ضرب دور مسیں تمسام گیٹول کی جگہ متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عسل کامتم جمع و متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عسل کامتم جمع و مرتب جمع دور حسام ہوگا۔

شکل ۳۲.۳ میں جمع و ضرب دورے و تدم بات مہم جمع و متم جمع دور کا حصول دکھایا گیا ہے۔ پہلی و تدم میں، شکل۔ الف کے ضرب گیٹ و سل ، 44 ، 45 ، 10 نسب الف کے ضرب گیٹ 44 ، 45 ، 10 نسب کے ضرب گیٹ 44 ، 50 ، 10 ، 10 ، 10 اور کما جوڑی کی جگہ متم جمع 77 ہوگئی گیٹ مان کر، 11 اور 44 جوڑی کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا جب ہوگئی گیٹ 10 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور کی جگہ متم جمع دور کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کیا گیٹ کی جگہ کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کی جگہ کی جمع کی گیٹ کی گیٹ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی گیٹ کی گی

شکل ۳۹.۳۳-الف کے جمع وضر ب دور کی مشکل وصورت تب میل کیے بغیب رتسام گیٹ کی جگ متم جمع نسب کرنے سے مشکل -ج حساصل ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصو می مشاہرہ ہے۔ یادر ہے کہ ضرب ارکان محبسوء سے حساصل جمع وضر ب دور مسین جمع گیٹول کی قطب اراور ایک ضرب گیٹ ہوگا۔

جمع و ضرب دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تام گیٹول کی بلد متم جمع گیٹے نسب کرنے سے متم جمع و متم جمع دور عاصل ہوگا۔ باب ۳. بوولين الجبرا

حبدول ۱۳.۱۳: تین بٹ رموز۔

تین بِٹ رموز
000
001
010
011
100
101
110
111

۳.۱۵ عسلامتی روی پار موز

عسوماً زبانوں مسین الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی مسین کی حباتی ہے۔ حسرون تہجی کو سلم الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی زبان مسلم جینی زبان محتلف ہے۔ چینی زبان الکھائی اپنی عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون ایک عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون سکھنے کے بعد، کوئی بھی پڑھ سکتا ہے، جبکہ رمسزی لکھائی مسین کی بھی رمسز کا استعال اسس وقت مسکن ہوگاجب تہمام لوگ اسس رمسز پر متفق ہوں۔ کمپیوٹر اسس لحاظ سے چینی زبان سے مشاہبت رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے۔

و تسلم و کاغن نہ نے انسان کی بھی مشکل کی لکت رہن کراہے ایک عسلامت یار مسنز تصور کر سکتا ہے۔ کمپیوٹر کی دنیا مسیں ایسا کرناممکن نہیں۔ کمپیوٹر صرف 0 اور 1 حبانت ہے، البندااسس مسیں رموز بھی 0 اور 1 مختلف ترتیب ہے جوڑ کر بہنائے حباتے ہیں۔ مشلاً، تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے ترکی مسلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف انشیاء یا مصلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتا ہیں۔ حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف آٹھ بٹ مسیں 256 ہے۔ تین بٹ استعال کرتے ہوئے، اسس سے زیادہ رموز ممکن نہیں۔ آٹھ بٹ مسیں 256 ہے 25 رمسز ممکن ہیں۔

ا.۱۵ سالیکی رموز اور عب کمی رموز

code¹

۳.۱۵ سیاموز ۳.۱۵ سیارموز

حبدول ۱۵.۳:ایسکی رموز به

لاطنيني حسرون يابهندسه	ایسکی رمسز
A	010000012
В	01000010_2
C	01000011_2
D	01000100_2
:	:
X	010110002
Υ	01011001_2
Z	01011010_2
а	011000012
b	01100010_2
С	01100011_2
:	:
z	01111010_2
0 ₁₀	001100002
1 ₁₀	00110001_2
2 ₁₀	00110010_2
:	:
8 ₁₀	00111000_2
910	00111001_2

۲۷ باب ۳. بودلین الجبرا

حبدول ۳۰۱۲ عشاری اعبداد کے حسیار بٹ شنائی رموز۔

شنائی مسرموز اعشاری	اعثاری اعبداد
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9

ایک بائٹ مسیں 00000000 ہے 11111111 تک 256₁₀ مختلف رموز ہوگ، جو ایک محصد ود تعداد ہے۔ چیسے چیسے دنیا کی مختلف زبان ہو لئے والوں کے ہاں کمپیوٹر کااستعال رائج ہوا، ایکی رموز کے (محسد ود) رمسز کم پڑگئے۔ موجودہ وور مسیں عالمی رموز اارائے ہے، جس مسیں دنیا کی تمس مزبانوں (بشمول اردو، پشتو، بلوچی، سندی، وغیبرہ) کے حسر وف تنجی کے رموز موجود ہیں۔ اسس نظام مسیں ہر رمسز حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دی گئی ہے۔ اسس نظام مسین ہر رمسن حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دیا سستیں بھی ڈھالی جباسکتی ہیں۔ امید یہی ہے کہ یہ نظام آنے والے زمانے مسیں درکار ضروریات یوری کرے گا۔

۳.۱۵.۲ اعثاری اعبداد کے شنائی رموز

کمپیوٹر کی مادری زبان شنائی ہے، جبکہ انسان اعشاری نظام استعال کرتا ہے۔اعشاری گسنتی کے کئی رموز زیر استعال ہیں،
جن مسیں ہے ایک شنائی مرموز اعشاریہ "ا ہے۔اعشاری گسنتی کے کل وسس رموز ہیں۔ جب دل ۱۳،۳ مسیں تین بد رمسز دکھائے گئے جو گل آٹھ ہیں۔انہیں استعال کرتے ہوئے اعشاری گسنتی کے دسس بہند سول کو ظاہر نہیں کسیاحب سکتا۔اسس کے برعکس حہار بن کل سولہ رمسز دیں گے، جنہیں باعشاری گسنتی کے دسس بہند سول کے رموز کے طور پر استعال کسیاحب سکتا ہے۔ حب دول ۱۹.۳ مسیں حہار بن پر مسبنی ابت دائی دسس عسلامتیں استعال کرتے ہوئے اعشاری گسنتی کے بہند سول کے رموز اعتماری گسنتی کے بہند سول کے رموز اعتماری گسنتی کے بہند سول کے رموز چیش کے گئے ہیں۔ آحسری چھے عسلامتیں زیر استعال نہیں۔ سے بختا کئی مرموز اعتماریہ کہا ہے ہیں۔

۳.۱۵.۳ گرے رموز

اسس نظام مسیں اعشاری ہند سول کے رمسنزیوں رکھے گئے کہ کسی بھی دو متواتر اعشاری ہند سول کے رمسنز مسیں صرف ایک بٹ کافٹ رق ہو۔ حب دول۳۷ احبار بٹ گرے رموز پیش کر تاہے۔

uni code"

binary coded decimal (BCD)"

۱۵. ۳. عسلامتی روپ یار موز ۵

حبدول ۱۷.۳:اعث اری اعب داد کے حب اربٹ گرے رموز۔

حپار بٹ گرے رموز	اعثاری اعسداد
0000	0
0001	1
0011	2
0010	3
0110	4
0111	5
0101	6
0100	7
1100	8
1101	9
1111	10
1110	11
1010	12
1011	13
1001	14
1000	15

طبیعی متغیبرات کوعب دی روپ مسین، عصوماً، گرے رموز مسین کھا حباتا ہے۔انس کی اون دیسہ ایک مثال سے مسجھتے ہیں۔

تصور کریں کہ ایک بڑھتے ہوئے وضافلے کو حپار بٹ کے عسام شنائی نظام مسین ناپا حباتا ہے۔ یوں 01112 کے بعد 1000 آئے گا۔ اب تصور کریں کی وجب ہے، اسس حپار بٹ شنائی عدد کابلندر تی بٹ نسبتا جبادی 0 ہے 1 مسین تبدیل ہوتا ہو۔ یوں ایک لحصہ کے لئے 01112 کے بعد 11112 پڑھا حبائے گا، جس کے بعد اصل عدد 1000 آ حبائے گا۔ آپ دیکھ سے ہیں کہ ایک لمجے کے لئے وضاصلہ عناظ پڑھا حبائے گا، جس سے مسائل کھٹڑے ہو سکتے ہیں۔ اس کے بر مکس اگر گرے رمنز استعمال کیا جبائے تب 0100 کے بعد 1100 پڑھا حبائے گا، ورست قیمت ہے۔

سوالا___

سوال ۱.۳: درج ذیل بوولین مساوات کاحب دول لکھیں۔

$$(A+B)(AB+BC+\overline{C}A) ., \qquad XYZ+\overline{X}Y\overline{Z} ..$$

$$A\overline{B}+\overline{A}B ., \qquad ABC+A\overline{B}C+\overline{A}\overline{B}C ...$$

$$A(B+\overline{C}) . \varepsilon$$

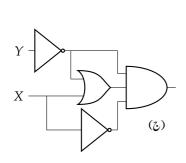
با سيب يودلين الجبرا

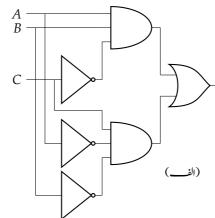
A	В	С	5	Α	В	C	—	X	Υ	Z	الف_	_
0	0	0	0	0	0	0	0				0	_
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	0	
0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	
0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	جواب:
1	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0	
1	0	1	0	1	0	1	1	1	0	1	0	
1	1	0	1	1	1	0	0	1	1	0	0	
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	

$$X\overline{Y}Z + \overline{X}Y$$
 . $X + YZ + XY$. $AB(C\overline{D} + \overline{C}D)$. $\overline{A}\overline{B} + A\overline{B}$. C

$$(A+B)(\overline{A}+B)$$
 (ق)، $\overline{A}+\overline{B}+(\overline{C}+D)(C+\overline{D})$ (ب)، $\overline{X}(\overline{Y}+\overline{Z})(\overline{X}+\overline{Y})$ (۱): جواب ۳.۳: درج ذیل کے اووار جعی ضرب اور منفی گیپٹوں کی مد د سے بت ئیں۔

$$ABC + \overline{A}B\overline{C} + AB\overline{C}$$
 . $\overline{X}\overline{Y}(X + \overline{Y})$. C $AB\overline{C} + \overline{A}\overline{B}C$. $AB + BC + CA$. $A + B(A + \overline{C})$





بواب:

سوال ۲۳.۳: ڈی مار گن کلیات کو پوولین حبدول سے ثابت کریں۔ سوال ۲۳.۵: بوولین حبدول سے درج ذیل ثابت کریں۔ ۱۵. ۳. عسلامتی روپ یار موز

$$X + \overline{X}Y = X + Y$$
 . $X\overline{Y} + XY = X$.

جواب: درج ذیل حبدول کادایاں اور بایاں قطار ایک جیسے ہیں لہانداحبزو-اثابیہ ہوا۔

$$\begin{array}{c|cc|c} X & Y & X\overline{Y} + XY \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ \end{array}$$

سوال ۲۰۰۱: درج ذیل کومجسوعی ارکان ضرب کی سشکل مسین کھیں۔ حب دول ککھ کر در سستگی ثابت کریں۔

$$(A+B)(A+B+C)(C+B)$$
 .2 $(A+B)(C+D)$.1 $(A+B+C)(\overline{B}+\overline{C})$.2 $(A+B)(\overline{B}+C)(A+\overline{C})$.

 $A\overline{B} + A\overline{B}\overline{C} + AC + ABC$ (___), AC + AD + BC + BD (1):___13.

سوال ۲۰۰۷: (۱) بوولین ممثل استعال کرتے ہوئے درج ذیل کو ضرب بعد از جمع کی مشکل مسیں تکھیں۔ (ب) ان تف عسل کے حبدول کلھ کر جواب کی حبدول کلھ کر جواب کی درستگی ثابت کریں۔ (ج) دیے گئے تف عسل اور حسامسل جواب کے حبدول کلھ کر جواب کی درستگی ثابت کریں۔

$$X\overline{Y}(\overline{Y}\overline{Z} + YZ)$$
 & $XYZ + X\overline{Y} + \overline{X}\overline{Y}$ \((A + B\overline{C})(\overline{A}B + \overline{B}A) \) \(XY + \overline{Z}X \) \(\text{...}

$$(X + \overline{Y} + Z)(X + \overline{Y} + \overline{Z})(\overline{X} + \overline{Y} + Z)$$
 (1):_____13.

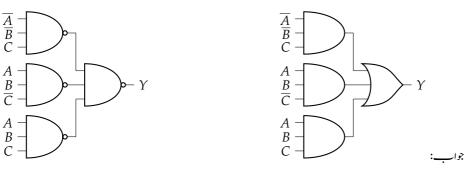
سوال ۳.۸: تف عسل Y درج ذیل صور تول مسیں 1 کے برابر ہے۔اگر B=0 ، A=0 ، اور C=1 ہویا اگر B=1 ، A=1 ، اور C=1 ہو اور یا اگر کر تف عسل کی سادہ مساوات محبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسیں C=1 مصل کریں۔

$$Y = \overline{A} \, \overline{B}C + AB\overline{C} + ABC : \underline{\hspace{1cm}}$$

سوال ۳۹: (۱) گزشته سوال مسین دیه تف عسل ۲ کا ضرب و جمع ادور بت کین د (ب) اسس تف عسل کا ضرب متم و صفح متم و متم م متم مادور بت کین در متاب مین در متم مادور بت کین در متاب مین در متاب در متاب مین در متاب در متاب

AND-OR MAND-NAND

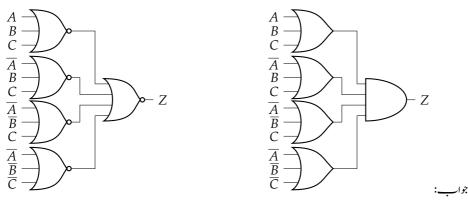
۷۸ باب س. بوولین الجبرا



ووال ۱۰.۳: تقت عسل Z کی قیمت درج ذیل صور توں مسین صف ر(0) ہے۔ اگر B=0 ، A=0 ، اور C=0 ، وریا اگر رکتا ہے۔ ان معسلومات کا حب ول کھھ کر C=0 بعد از جمع مساوات حساس کریں۔

$$Z = (A + B + C)(\overline{A} + B + C)(\overline{A} + \overline{B} + C)(\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}) :$$

سوال ۲۰۱۱: (۱) گزشته سوال مسین دیے تف عسل کا کاجمع و ضرب دور بنائیں۔ (ب) اسس تف عسل کا جمیح متم و جمیح متم محم متم ۱۵ دور بنائیں۔ مداحن کے متم دستیاب ہیں۔



موال ۱۳.۱۳: حبدول مسین B ، A ، اور C تین آزاد داخنگی متغیرات جبکه F_1 ، F_2 , اور F_2 تائع حنارتی متغیرات بی

NOR-NOR¹²

۳.۱۵ عسلامتی روپ یار موز 49

A	В	С	F_0	F_1	F_2
0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	1	1

ا. تابع متغب رات محب موعب ار کان ضرب روب مبین لکھیں۔

$$F_1 = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \, \overline{C} + A B C$$

$$F_0 = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \, \overline{C}$$

$$F_2 = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + A \overline{B} \, \overline{C}$$

$$F_0 = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + \overline{C})(\overline{A} + \overline{B} + C)(\overline{A} + \overline{B} + \overline{C})$$

سوال ۱۳۱۳: درج ذیل تف عسل مجسوعی ارکان ضرب روی مسین ہیں۔انہیں ضرب بعب از جمع روی مسین لکھیں۔

$$Y(A,B,C) = \sum (0,7)$$
 .s $Z(A,B) = \sum (0,1)$.s $Z(A,B,C,D) = \sum (0,2,5,12)$.s $F(A,B,C) = \sum (1,3,7)$.s $F(A,B,C) = \sum (0,5,7)$.&

 $Z = \prod (1,3,4,6,7,8,9,10,11,13,14,15)$ (a) $F = \prod (1,2,3,4,6)$ (b) $Z = \prod (2,3)$ (1): سوال ۱۲۰ تن درج زیل تف عسل ضرب بعبد از جمع روی مسین بین انہمین مجبوعی ارکان ضرب روی مسین لکھیں۔

۸۰ با بیودلین الجبرا

 $Z = \sum (2,3,4,6,8,9,10,11,12,14)$ (3), $F = \sum (0,2)$ (1):

سوال ۱۳.۱۵ ساز ۔ انٹ رنیٹ سے درج ذیل معسلوماتی صفحات حسامسل کریں۔ ب محسلوط ادوار پاکستان کے ہر شہسر مسیں نہبایت سستے دام دسستیاب ہیں۔

4070 ك. 7404 ك. 4000 هـ 7408 ك. 7408 ك. 4049 ك. 7432 ك. 4081 ك. 4011 ك. 4011

موال ۱۱. ۳: گزشتہ سوال مسیں 7400 مختلوط دور کے معسلومات صفحات سے دریافت کریں اسس مسیں موجود حیار گیٹوں کے محتارج کن پنیوں پر دستیاب ہیں۔

جواب: پنيه 3 ، 6 ، 8 ، اور 11

سوال ۱۷ سا: انٹ رنیٹ سے تین مداحنل ضرب گیٹ اور حپار مداحنل جمع گیٹ کے محنلوط اووار دریافت کریں۔

باب

كارنان نقث حبات

پوولین جدول ہے کی بھی تف عسل کی مساوات بذریعہ مجب وعب ارکان ضرب یا ضرب بعب داز جمع حساصل کرکے اے گیٹوں کی معددے حباس پہنایاحبا سکتا ہے۔ عصوماً، اسس مساوات میں گیٹوں کی تعب داور فی گیٹ مداخنل کی تعب مداخنل کی تعب داد کم کی حباستی ہے۔ کم مداخنل کے ، کم تعب داد گیٹ استیال کرنے ہے عبد دی دور پر کم لاگ ت آئے گی۔ تف عسل کی حباستیال کرنے ہے عبد دی دور پر کم لاگ ت آئے گی۔ تف عسل کی حباستی کی سادہ صورت بوولین منطق سے حساصل کی حباستی ہے، البت ایک نہایت عمد میں اسس تزکیب پر غور کسیا جے کارناف نقث حبات کی ترکیب کتے ہیں، استیال کیا حباتا ہے۔ اسس باب مسین اسس تزکیب پر غور کسیا حبائے گا۔ یہ ترکیب حیاد اور حیادے کم آزاد متخید دات کے تف عسل کی سادہ صورت حساصل کرنے مسین نہیں ہے۔ آسان ثابت ہوگا۔

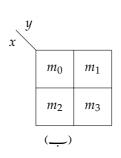
۴.۱ کارنان نقشے کابنادی حنا کہ

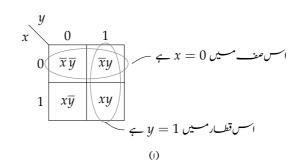
رو آزاد متخیر تف عسل F(x,y) کے بوولین حبدول مسیں حیار مخلف ارکان خرب ہوں گے، جنہیں حبدول m. امسیں پیش کیا گیا ہے۔ اس کے کارناف نقشے مسیں حیار حنانے ہوں گے، جبال ایک حنات ایک رکن مغرب کو ظاہر کرتا ہے۔ کارناف نقشے مسیں ان حیار حنانول کی ترتیب، شکل m. اسالف مسیں دکھائی گئے ہے، جبال بالائی صف مسیں x=0 جب x=0 جب کارناف معنی x=0 جب کی صف مسیں x=0 جب کی صف مسیں x=0 جب جب کی صف مسیں y=0 جب کرتا ہوں کے بائیں طرون، حنانوں کے باہر، تکھی گئی ہیں۔ ای طسر و بائیں قطار مسیں y=0 جب کہ وائیں قطار مسیں y=0 جب اور y=0 باہر، قطاروں کے اور جب اس کے اور دائیں قطار کے مشتر کہ حنانے مسیں y=0 و اور دائیں قطار کے مشتر کہ حنانے مسیں y=0 کارناف میں ای جہ اس حنانے کے آزاد متغیر اس کی گئی ہیں۔ اور دائیں آزاد متغیر تف حمل کارناف نقشے مسیں ای طسر ترازد متغیر تف عمل کارناف نقشے مسیں حنانے مسیں ای طسر تر زیر حیار آزاد متغیر تف عمل کارناف نقشے مسیں حنانے مسیں ای طسر تر زیر حیار آزاد متغیر تف عمل کارناف نقشے مسیں حنانے مسیں کی گئی ہے۔

تین آزاد متغیب رتف عسل (F(x, y, z) کے آٹھ ارکان ضرب ہوں گے۔انہیں شکل ۲.۴ کے کارنان نقشہ مسیں د کھیایا

تغیب رار کان ضر ب	بدول الهم: دومة	د
	JJ 67	-

х	у		
0	0	$\overline{x}\overline{y}$	m_0
0	1	$\overline{x}y$	m_1
1	0	$x\overline{y}$	m_2
1	1	xy	m_3





شکل ا. ۴: دا آزاد متغب رکار ناف نقشے کی بنب دی صورت__

گی ہے۔ اسس شکل میں دوصف اور حپار قطار ہیں۔ صفوں کا تعیین x کی قیمت، جب قطاروں کا تعیین yz کی قیمت x جب ان قیتوں کو (شنائی گنتی کے روپ میں جبیں بلکہ) گرے رمسز میں لکھا حباتا ہے۔ یوں، بائیں ہاتھ ہے سندوع کر کے، پہلی قطار میں yz کی قیمت yz کی قیمت yz کی قیمت yz کی قیمت وقطار میں وہ ہوگی۔

حیار آزاد متغیر تفع میں حویا جا سال ہے۔ ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان خرب ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان کے نقتے میں سویا حیاسکتا ہے۔ یہاں صفول کا تعین ایساکارنان نقث دکھایا گیا ہے۔ یہاں صفول کا تعین

x y^2	2 00	01	11	10	گرے دمسز سر
0	m_0	m_1	m_3	m_2	
1	m_4	m_5	m_7	m_6	

شکل ۲.۸: تین متغیر کارنانی نقشے کی بنیدی صوری۔

y ₂	2			
wx	00	01	11	10
00	m_0	m_1	m_3	m_2
01	m_4	m_5	m_7	m_6
11	m_{12}	m_{13}	m ₁₅	m_{14}
10	m_8	m ₉	m_{11}	m ₁₀

كك ٢٠٠٣: حيار متغب ركارنان نقش كيبنيادي صورب

70x کی قیمیں، جبکہ قطاروں کا تعلین 42 کی قیمیں کرتی ہیں۔ ان قیتوں کو گرے رمسنز مسیں لکھ کر حنانوں کی پہپان کی حباتی ہے۔

اب تک آپ پر واضح ہو چکا ہوگا کہ کارناف نقشے بناتے ہوئے صفول اور قطاروں کو گرے رمسنز مسیں مسیں رکھا حباتا ہے۔ حیار سے زیادہ متنعب رات کے کارناف نقشوں کا استعال نسبتا پیچیدہ ہو تا ہے، الہذا اان سے تف عسل کا سادہ روپ عسوماً کمپیوٹر کی مد دے حساصل کمپ حباتا ہے۔

۲.۲ کارنان نقشے کی تجسرائی

بوولین حبدول سے کارناف نقتے کی مجسرائی نہایہ آسان اور سیدھ عمسل ہے۔ بوولین حبدول کی جن صفوں مسیں 0 پر تفاعسل کی قیمت 1 ہو، ان کے مطابقتی (کارناف نقشہ کے) حنانوں مسیں 1 پُر کریں؛ باقی حنانوں مسیں 0 پُر کریں۔ سنگل مم من مالف مسیں دو آزاد متغیر تفاعسل $F = \sum (m_0, m_1)$ کے لئے یہ عمسل دکھیا گیا ہے۔ سنگل ج مسیں تفاعسل کاکارناف کا نقشہ پُر کیا ہواد کھیا گیا ہے۔ تفاعسل کو مجبوعہ ارکان ضرب کے رویے مسیں تفاعس کا کارناف نقشہ مسین پُر کئے جبانے والے جنانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔

 $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$ کی مثال شکل $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$ کی مثال شکل میں پیش کی گئی ہیں۔

۲.۳ کارنان نقشے سے تف عسل کی ادہ مساوات کا حصول

کارناف نقیم میں و تحر بی دنانوں ہے مسرادالیہ 2^n دنانے ہیں جنہ میں مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کا میں گھیداج ہے وہ کا بھی دنانے (یادنانے) ایک ہے وہ مسریح یا متطب کا مسیل گھیداج سے دیادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادنانے) ایک ہے دیادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادہ مسریح یا متطب کا بھی دنانے (یادہ مسریح یا متطب کا بھی دنانے دیا ہے دیا ہے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہی دیا ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہی دیا ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہوگئی

ت رپی منانوں مسیں تف^عل کی قیت 1 ہونے کی صورت مسیں،ان منانوں کے ارکان ضرب کا مجبوعہ بوولین

x	у	F	ار کان ضرب	
0	0	1	m_0	(
0	1	1	m_1	$F = \sum (m_0, m_1)$
1	0	0	m_2	
1	1	0	m_3	
			(1)	

x y	0	1
0	m_0	m_1
1	m_2	m_3
	(<u> </u>)	

شكل ۴، ۴، دومتغب رتف عسل كارنان نقش كى مجسرائي -

x	y	z	F	ار کان ضر ب	
0	0	0	0	m_0	
0	0	1	0	m_1	
0	1	0	0	m_2	
0	1	1	1	m_3	$F = \sum (m_3, m_5, m_6, m$
1	0	0	0	m_4	
1	0	1	1	m_5	
1	1	0	1	m_6	
1	1	1	1	m_7	
					•

(5)

$$yz$$
 x
 00
 01
 11
 10
 0
 m_0
 m_1
 m_3
 m_2
 1
 m_4
 m_5
 m_7
 m_6

شكل ٨٠.٥: تين متغب ركارنان نقشْ كى بهسرائي ـ

(1)

قوانین سے حسل کر کے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل کسیا حباسکتا ہے۔ سیہ رکن ان فتسریبی حسانوں کے ارکان ضرب مسین مشتر کے چھے پر مشتل ہوگا۔

دوفت ربی بلند حنانوں (جن مسیں تف عسل کی قیمت 1 ہو گی، کے ارکان ضرب کے محب وعب) سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری آزاد متخب دات کی تعد ادری آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادرے دو کم ہو گی۔ آٹھ فت رہی بلند حنانوں سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری حسام ہو گی۔

وت رہی حن نے گھیے رتے وقت ہے کوشش ہونی حیائے کہ بڑے سے بڑا مسرئع یا متطیل بے۔ایسا کرنے سے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل ہو گا۔عسوماً، وتسر ہی حنانوں کو ایک سے زیادہ طسریقوں سے گھیے راحبا سکتا ہے، جن سے تف عسل کی فتلف سے دہ صورتیں حسامسل ہوں گی۔

اب ہم چند مشالوں کی مدد سے اسس طسریقے کار کو سکھتے ہیں۔

۱.۳.۱ دو آزاد متغب رتف عسل

دو متغیبر تف عسل کے کارناف نقشہ مسیں m_0 اور m_1 فتسر بی حنانے ہوں گے۔ ای طسر ت m_0 اور m_2 بھی فتسر بی حنانے ہمیں ہوں گے۔ فتسر بی حنانے ہمیں ہوں گے۔

سٹکل ۱۹۸۴ مسیں دو متغیبر تف عسل اور اسس کا کارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ کارناف نقشے مسیں حنانوں ہے اوپر، متغیبر \overline{y} کی مسکن قیتوں 0 اور 1 کی بجب کی بالت رتیب \overline{y} اور y کلھا گیا ہے جبکہ \overline{x} کی جگہ متغیبر کلھا گئی ہے جو پہت متغیبر کو ظاہر کرتاہے)۔ ای طسرح حنانوں کے بائیں حبانب \overline{x} اور x کلھا گیا ہے۔

کارنان نقشے کے دوفت رہی حنانوں مسیں تفاعسل کی قیمت 1 ہے، جنہیں نقط دار متطیل مسیں گھیداگیا ہے۔ شکل دمسیں ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع کو بوولین قوانین سے حسل کر کے سادہ رکن حساسل کیا گیا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع سے ایک متغیر رکن حساسل ہوتا ہے؛ یعنی دو متغیر تفاعل کی صورت میں دوحنانوں سے ایک متغیر رکن حساسل ہوا۔

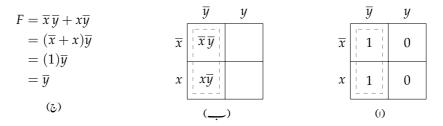
یمی می اوات، مشکل - ج کے کار ناف نقیم میں نقط دار متطیل میں گھیرے ، دو قسر بی حنانوں کو دیکھ کر لکھی حب سے جو نقط دار متطیل میں گھیرے دو قسر بی حنانوں کے ارکان خرب \overline{x} ہیں۔ ان ارکان خرب میں \overline{x} مشتر ک ہ جبکہ ایک رکن میں \overline{y} اور دو سرے میں y ہے۔ یوں، نقل دار متطیل میں گھیرے ارکان خرب میں وہ حصہ جو مشتر ک ہو مطاوب سادہ رکن ہوگا۔ (غیبر مشتر ک حصہ در کرنا، شکل - دمیں \overline{y} بی کے مترادن ہے۔) چونکہ ان حنانوں کے عیادہ تمیام حنانوں میں \overline{y} ہوگا۔ یہ رکن تف عمل کی میں اور \overline{y} ہوگا۔

 \overline{y} مسیں \overline{x} اور \overline{x} ا

x اور xy اور xy

$F = \overline{x}\overline{y} + \overline{x}y$	\overline{y} y	\overline{y} y	x y F
$= \overline{x}(\overline{y} + y)$ $= \overline{x}(1)$	\overline{x} $\overline{x}\overline{y}$ $\overline{x}y$	$\overline{x} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$= \overline{x}(1)$ $= \overline{x}$	x	x = 0	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
(,)	(3)	()	(1)

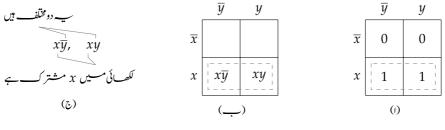
شکل ۲.۶: قتریجی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحصول۔



شکل ۷.۷: فتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

حنانوں مسیں تفاعل کی قیمت 0 ہے لہذا تفاعل کے ارکان ضرب کامحب وعب ای رکن کے برابر ہوگا۔ یوں اسس کی مساوات F = x ہوگی۔

شکل ۹.۴ میں ایک ہی جننے کو دو قسر ہی جنانوں کے ساتھ باری باری جوڑتے ہوئے سادہ مساوات $F = \overline{x} + \overline{y}$



شکل ۴.۸: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

اور \overline{x} کھنے میں \overline{x} مشتر کے، \overline{x}
اور \overline{x} کھنے میں \overline{y} مشتر کے ہے، \overline{x} \overline{y}
$F = \overline{x} + \overline{y}$ ہوگی۔

	\overline{y}	y		\overline{y}	
\overline{x}	$\overline{x}\overline{y}$	$\overline{x}y$	\overline{x}	1	
x	$x\overline{y}$		x	1	

شکل ۹، ۲۰: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن کا حصول۔

F = 1

	\overline{y}	y
\overline{x}	$\int_{0}^{\infty} \overline{x} \overline{y}$	$\overline{x}y$
x	$\frac{1}{x}$	xy

	\overline{y}	y
\overline{x}	1	1
x	1	1

شکل ۱۰ بم: حیار قسر یبی حنانوں سے سادہ رکن 1 حساسل ہوگا۔

کریں۔ مساوات کوار کان ضرب کامجبوعہ لکھ کراسس کی سادہ رویہ اخت کرتے ہیں:

$$F = x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= (x + \overline{x})\overline{y} + \overline{x}(\overline{y} + y)$$

$$= (1)\overline{y} + \overline{x}(1)$$

$$= \overline{y} + \overline{x}$$

جهان، دوسسرے وقت میر جدول ۱۲.۳ - بی شِق 4 (صفحہ ۵۴) استعال کرتے ہوئے $\overline{x}\,\overline{y}=\overline{x}\,\overline{y}+\overline{x}\,\overline{y}$ ککھیا۔

شکل ۱۰٬۰ امسیں پارفتر بی حنانے ایک متطیل میں گھیرے جبائے ہیں۔ ایک صورت میں تفاعل میں گھیرے جبائے ہیں۔ ایک صورت میں تفاعل میث بلند (1) رہے گالہذااس کی مساوات F=1 ہوگی۔

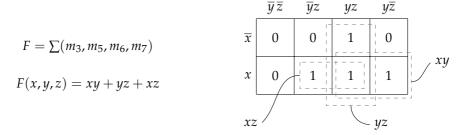
سشکل ۱۱.۱ امسیں متبریجی حنانے نہیں پائے جبتے، البذاار کان خرب کے محبصوعہ کو مسزید سادہ نہیں بنایا حبا سکتا۔ جب بھی کوئی حنان۔ کسی منتظیل مسیں شامسل نہ ہو، اسس کار کن خرب جوں کا توں محبصوعہ (اور مسادات)مسیں رہے گا۔

مثق ابہ: ارکان ضرب کے مجبموعہ کی سادہ صورت بوولین قوانین سے حساس کر کے ثابت کریں کہ سشکل ۴۰۰۱

		\overline{y}	y
$F = x\overline{y} + \overline{x}y$	\overline{x}		$\overline{x}y$
	x	$x\overline{y}$	

	\overline{y}	y
\overline{x}	0	1
x	1	0

مشكل ١١.٣: فتري حنانے نهيں پائے حباتے۔



شکل ۱۲ به: تین متغیب رتف عسل کے کارنان نقشے سے سادہ مساوات کا حصول۔

F = 1 ہے۔

مثق ۲۰۰۸: رکن ضرب به ونے کی صورت مسین ثابت کریں کہ تفاعب کی مصاوات F=0 ہوگا۔

سشکل ۱۱.۱۷ مسیں ایس تف عسل دیا گیا ہے جس کے حن نے کسی مسریع یا متطیل مسیں نہیں گھیرے دبا سے۔ایسے تف عسل کی مساوات کو ساوہ نہیں بنایاحباسکا۔

۲.۳.۲ تین متغیر تفعل

تین متغیبر تفع سل اور اسس کاکارناف نقشہ مشکل ۱۲.۳ امسیں دکھایا گیا ہے۔کارناف نقشے مسیں دو تسبر بی مضانوں کو گھیسرنے والے تین متطیل بین منتطیل بین بین اور ہے، متطیل بین بین الزی ہے کہ اسس مسیں 2ⁿ حنانے سموئے حیائیں، جہاں 11 عبد دصحیج ہے۔ بین تین حنانوں کو گھیسرنے کی احباز سے نہیں۔

درمیانی متطیل 10 اور 17 گیر تا ہے۔ان حنانوں کے ارکان ضرب میں x کی قیت تبدیل ہوتی ہے، جب کہ 72

دونوں مسیں مشتر کے ہے۔ یوں ان کا سادہ رکن xz ہوگا۔ باقی دومتنطی سے xy اور xx حساصل ہوگا۔ یوں تغساعمل کی سادہ مساوات ان کا محبوعہ (F = xy + yz + xz) ہوگا۔ اسس مساوات کو ارکان ضرب کے محبوعہ ہے دہ مساوات کو ارکان ضرب کے محبوعہ ہے ہیں (جو آپ کو اگلی مثل مسین کرنا ہوگا)۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3,m_5,m_6,m_7)$$
 $= \overline{x}yz + x\overline{y}z + xyz + xy\overline{z}$ (۴.۱) $= xy + yz + xz$ (پیم کومپوس) $= xy + yz + xz$

اسس مساوات کی دوسسری کگیسر مسیں، ارکان ضرب تمسام آزاد متخیسرات پر مشتل ہیں۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو تفصیلی رکن ضرب کہتے ہیں۔ مساوات کی تعیسری کگیسر کے ارکان ضرب مسیم، آزاد متخیسرات کی تعیداد کم ہے۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو سادہ رکن ضرب کہتے ہیں۔اسس کتاب مسیم، عصوماً، دونوں اقسام رکن ضرب پکارے حبائیں گے۔ پکارے حبائیں گے۔امید کی حباتی ہے، مستن سے مطاوب مطلب واضح ہو گا؛ جہاں ایسا نے ہو، وہاں انہیں مکمسل نام سے پکاراحبائے گا۔

مثق ۳.۳٪ بودلین الجیراات تعال کر کے مساوات ۴.۱ کی دوسری لکسیرے تیسری لکسیر حساسل کریں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں کہ آپ شکل ۱۲.۳۴ کے کارناف نقتے سے دوار کان ضرب حساسل کرناحبانے ہیں۔

 $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ اور $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ کا $m_0=\overline{x}$ کا اور $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ کا اور $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ کا میں تین متغیبر کارنان نقث پیش کیا گیا ہے۔ نقثے مسیں تین متغیبر کارنان

$$m_0 + m_2 = \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + \overline{x} y \overline{z}$$

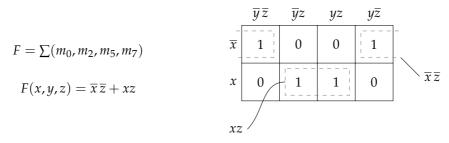
$$= \overline{x} \, \overline{z} (\overline{y} + y)$$

$$= \overline{x} \, \overline{z}$$

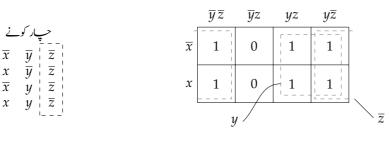
ان تین متغیب رار کان ضرب کے محب وعے سے دو متغیب رر کن ضرب حساصل ہوا۔ یوں m_0 اور m_2 حنانوں کو متسریکی حنانے تصور کرناہوگا۔ آئیں اسس پر تفصیل سے گفتگو کریں۔

کارناف نشتے کے بایاں اور دایاں قطبار کے حنانوں کو فت ربی تصور کریں۔ تصور مسیں اسس کاغند کو، جس پر کارناف نقشہ ب ہو، یوں گول کریں کہ کاغند کا بایاں اور دایاں کسنارہ آلپس مسل حب نئی۔ اب پہسلی اور آحنسری قطبار کے حننے فت ہیں ہوں گے۔ ای طسرح، دوسے زیادہ صفوں کی صورت مسیں، نحی لی اور بالائی صف کے حنانے فت ربی ہوں گے۔ تصور مسیں کاغنہ کو یوں لپیٹیں کہ اسس کا نحیلا کسنارہ بالائی کسنارے سے حب ملے یوں ان صفوں کے حنانوں کو فت ربی تصور کیا حب سکتا ہے۔

مشکل ۱۳.۳ مسیں m_0 اور m_2 کو متطیل مسیں گھیرا دکھایا گیا ہے۔ (تصور کریں کہ لیٹے گئے کاعنبذ پر ان حنانوں کو متطیل مسیں گھیرنے کے بعد ، کاعنبذ کو دوبارہ سیدھا کیا گیا ہے؛ یوں متطیل دو نکڑوں مسیں نظسر آئے



مشکل ۱۳.۱۳ کارناف نقشے کے اطسراف آلپس مسیں ملائیں۔



شكل ۱۴،۱۴: حيار تسريبي حنانے۔

xz مشتر کے ہے، جو ہمارے توقع کے عصین مطابق ہے۔ حن سے \overline{x} اور \overline{x} اور \overline{x} مشتر کے ہوں قاعل کی اور اور ان ان ادوار کان کا محبوعہ $F=\overline{x}$ $\overline{z}+xz$

سشکل ۱۳.۸ مسیں تین متغیبر کارناف نقث دیا گیا ہے، جس مسیں حیار قت بین حنانوں کے دومسر بعے بنائے گئے ہیں۔ آپ کارناف نقٹے کو دکھ کر تفاعسل کی سادہ مساوات کھ سکتے ہیں۔ (اگر آپ ایسا نہیں کر سکتے، تیار ہو حبائیں!اگل مثق مسیں یمی کہنے کو کہا گیا۔۔)

مثق ۴. ۳: سشکل ۴. ۱۳ امسیں دیے تف عسل کی سادہ مساوات کارناف نقثے سے حساصل کریں۔ای مساوات کو بوولین الجبرا کی مددے حساصل کریں۔ شکل مسیں حیار کونوں کامشتر کے حصہ ((\overline{Z}) و کھسایا گیاہے۔ F(w, x, y, z)

		$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
	$\overline{w}\overline{x}^-$	1			1	
x) — gov. =	$\overline{w}x$	1			1	
$(z) = wx + \overline{z}$	wx	1	1	1	wx	
	$w\overline{x}$	1			1	
						-

شكل ۱۵.۴: حيار متغيير نقث (برائح مشال ۱۹.۴)

۳.۳.۳ حيار متغير تف عسل

حیار آزاد متغیر تف عسل کے سولہ ارکان ضرب ہوں گے۔اسس کے کارناف نقٹے مسیں مسر بی حنانوں کو پہیانے کی حن طسر تقتے کی بالائی صف اور حن طسر تقتے کی بالائی صف اور کویں کہ نقتے کی دایاں قط ارتفتے کی بائیں قط ارسے حبٹرا ہو۔ای طسر ح نقتے کی بالائی صف اور کویں کہ سندہ سے آپ مسیں حبٹرے ہوں۔ یوں سے 1 حن ندہ 1 مسیں حبٹرتا ہے،اور 1 مسین حبٹرے ہوں۔ یوں 1 مسین حبٹرتا ہے۔ دور 1 مسین حبٹرتا ہے۔

اسس نقشے مسیں دو، حپار، آٹھ اور سولہ فت ربی حنانے بسنانا مسکن ہے۔ دوفت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں تین متغیبرات ہوں گے۔ حپار فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں دو آزاد متغیبرات ہوں گے۔ آٹھ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں ایک متغیبر ہوگا، جبکہ سولہ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
کے برابرہوگا۔

حيار متغب ركارنان نقثوں كى چند مثاليں ديكھتے ہيں۔

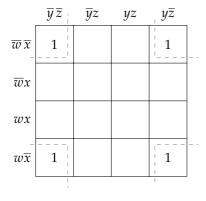
مثال ابه: درج ذیل تف عل کی سادہ مساوات شکل ۱۵،۸ امسیں پیش کی گئے۔

 $F(w, x, y, z) = \sum (m_0, m_2, m_4, m_6, m_8, m_{10}, m_{12}, m_{13}, m_{14}, m_{15})$

مثال ۲.۲: درج ذیل تف علات کی اده مساوات حساصل کریں۔

$$F(w,x,y,z) = \sum (m_0, m_5, m_7, m_{10}, m_{11}, m_{13}, m_{15})$$

$$F(w,x,y,z) = \sum (m_0, m_2, m_8, m_{10})$$





$$F(w, x, y, z) = \overline{x}\,\overline{z}$$

$$F(w, x, y, z) = \overline{w} \, \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + xz + w \overline{x} y$$
(1)

شکل ۱۱، ۲: حیار متغیر نقث (برائے مثال ۲،۴)

مثق ۵.۳: سشکل ۱۶.۴-ب کے حپار حنانوں کے ارکان ضرب کے محبسوء سے کا سادہ روپ، بوولین قوانین کی مدد سے حاصل کرکے ثابت کریں کہ ہے۔ وقت رہی حنانے ہیں۔

مثال ٣.٣: تين آزاد متغيرات كے بلا شرك گير كاكارنان نقث حياصل كريں۔ حل: شكل ١٤.٢ مسيں نقث پيش ہے۔ اسس مسيں و ترب حنانے نہيں پائے حباتے، الهذا اسس كی مساوات مسزير سادہ نہيں بن كي حباستی۔

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}		1		1
x	1		1	

 $F(x,y,z) = x \oplus y \oplus z$

شكل ١٤. ٢٠: تين متغير بلا شركت گييك كانقث (برائے مثال ٣٠٣)



 $F(x,y,z) = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$

شکل ۱۸.۷: سادہ مساوات سے ارکان ضرب کے محب موعب کاحصول (مثال ۲۰.۲)۔

۲.M. مادہ ماوات سے تف^عل کے ارکان ضرب کا حصول

کی بھی تفعل کی سادہ مساوات کا حصول بذریعہ کارناف نقشہ آپ نے دیکھا۔اسس جھے مسین اسس طسریقہ کار کو اُلٹ چپلا کر تفاعسل کی سادہ مساوات سے ارکان ضرب کا محبہوعہ حساسل کیا جبائے گا۔۔۔ ترکیب مثال سے بہتر سجھ آئی گی۔

مثال ۲۰.۳: درج ذمل سادہ مساوات سے تفاعسل کے ارکان ضریب کامجب وعب دریافت کریں۔

$$F(x,y,z) = y + \overline{x}\,\overline{z}$$

حل: سشکل ۱۸.۴ مسیں سادہ مساوات سے کارناف نقث حساسل کیا گیا، جس سے محبہوعہ ارکان ضرب کھا گیا۔

۳.۴ ضر<u>ب</u> بعبداز جمع کی شکل مسین ساده مساوات

کارناف نقشے کے ان حنانوں مسیں 1 پُر کیا حباتا ہے جن مسیں تف عسل کے بودلین حبدول مسیں ارکان ضرب کی قیب 1 ہو۔ تقت عسل کے متم کے بودلین حبدول کے کارناف قیب 1 ہوگا۔ اسس حبدول کے کارناف فیب 1 ہوگا۔ اسس حبدول کے کارناف نقشے سے ارکان ضرب کے مجبوعے کی مساوات، تف عسل کے متم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات محبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسیں ہوگا، جس کا متم لے کرامسل تف عسل کی (ضرب بعد از جح کی مشکل مسیں) مساوات حساس ہوگا، جس کا متم لے کرامسل تف عسل کی وضاحت کرتے ہیں۔

مثال ۸.۵: مندرحب ذیل تفاعل کی مجموعه ارکان ضرب اور ضرب بعید از جمع شکل میں سادہ

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}	0	0	1	1
x	1	1	0	0

_			
F =	$= \overline{x}u +$	$-x\overline{u}$ (.	
	- ~ 4	$\lambda \eta$ (.	

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}	1	1	0	0
x	0	0	1	1

$$\overline{F} = \overline{x}\,\overline{y} + xy \quad (3)$$

х	у	z	F	\overline{F}	
0	0	0	0	1	
0	0	1	0	1	
0	1	0	1	0	
0	1	1	1	0	
1	0	0	1	0	
1	0	1	1	0	
1	1	0	0	1	
1	1	1	0	1	
(1)					

شکل ۱۹.۷؛ محبسوعی ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کی شکل مسین ساده مساوات (مشال ۸.۵) ـ

مساوات حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_2, m_3, m_4, m_5)$$

سن: سشکل ۱۹٫۳ الف مسیں تفاعسل اور اسس کے متم کا جدول پیش کیا گیا ہے۔ ، مشکل سس میں تفاعسل کی مسین دی گئی ہے۔ سشکل ج مسین دی گئی ہے۔ سشکل ج مسین دی گئی ہے۔ سشکل ج مسین دی گئی میں اوات، تفاعسل کے ارکان جمع کی مساوات، تفاعسل کے ارکان جمع کی ضرب کی (درج ذیل) سادہ مساوات ساصل ہوگی۔

$$F = \overline{\overline{F}} = \overline{x} \, \overline{y} + xy$$

$$= (\overline{x} \, \overline{y})(\overline{xy})$$

$$= (\overline{x} + \overline{y})(\overline{x} + \overline{y})$$

$$= (x + y)(\overline{x} + \overline{y})$$

٩٥٪ غيبر دلچيپ حيال

	\overline{y}	y	\overline{y} y				
\overline{x}	1		$\overline{x} \begin{bmatrix} \overline{x} & \overline{x} & \overline{x} \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = 0$	х	y	F	F
л	1			0	0	0	1
	_		1,	0	1	1	0
x	d	1	$x \mid \mid d \mid \mid 1 \mid \mid$	1	0	d	d
				1	1	1	0
	F = 1	$x + \overline{y}$	$F = \overline{y} + x$		((1)	
	(5)		()			-	

شكل ۲۰٫۴۰ غنير دلچيي حال (مثال ۲۰٫۴) ـ

۴.۵ عنبردلچسپ حال

ہم نے اب تک جبتے تف عسل دیکھے، ان مسیں مداحسٰل کی تمسام صور توں کے مطابقتی محسٰارج دستیاب اور ضروری تھے۔ بعض او صاحب مداحسٰل کی چب نہ قبستیں ممسکن نہسیں ہول گی یاان کے مطابقتی محسٰارج استعال نہسیں ہوں گے۔مداحسٰل کے ان قیتوں کو عسب رد کیے سب حسال کہتے ہیں۔

تف عسل کی سادہ مساوات حساس کرتے وقت، کارناف نقشے کے غیسر دلچ پ حسال حنانوں مسیں 0 یا 1 کی بحب کے d درج کسیاحباتا ہے۔ وقت بی حنانے گھیرتے وقت اگر کسی غیسر ضروری حنانے مسیں 1 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہو تو اسس حنانے مسیں 1 تصور کسیاحباتا ہے، اور اگر اسس مسیں 0 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہوتی ہے تو اسس مسیں 0 تصور کسیاحباتا ہے۔

مثال ۲.۷: درج ذیل تف عسل کی ساده مساوات، محب وعب ار کان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے روپ مسیں حیاصل کریں۔

$$F(x,y) = \sum (m_0, m_3)$$

$$d(x,y) = \sum (m_2)$$

صل: تف عسل کا ایک حسال غنید دلیپ ہے۔ شکل ۲۰۰۸ میں تف عسل کا بودلین حبدول اور کارنان فیڈ دکھائے گئے ہیں۔ مجبوعہ ارکان خرب کے روپ مسین سادہ مساوات حساسل کرتے وقت غیر دلیس حن نے گئے ہیں۔ مجبوعہ ارکان خرب کے روپ مسین سادہ مساوات حساسل ہوگی (شکل - ب)۔ خرب بعد از جمع کے روپ مسین بھی غیر دلیس حن نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی (شکل - ج)۔

 $F(w,x,y,z)=\sum_{m=0}^{\infty}(m_0,m_2,m_8,m_9,m_{12},m_{13},m_{15})$ $f(w,x,y,z)=\sum_{m=0}^{\infty}(m_1,m_2,m_3,m_{11})$

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\overline{w}\overline{x}$	1	d	d 	1	$\overline{w}\overline{x}$
$\overline{w}x$		d			$F(w, x, y, z) = w\overline{y} + \overline{w}\overline{x}$
wx	1	1			1(w,x,y,z) = wy + wx
$w\overline{x}$	1	1	d		
			$\overline{w}\overline{y}$		

شكل ۲۱.۳۱ غيسر دليسي حسالات (مشال ۲۵.۷) ـ

سل: سشکل ۲۱٫۳ مسین کارناف نقشہ پیش کی گیا ہے۔ سادہ مساوات کے حصول مسین (بالائی صف کے) دو عنی رد کچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رکچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رپوشش کی گئی۔ ہے۔

اب

تركب بي منطق اور تركب بي ادوار

تر کیبی منطق اے مسراد وہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ مداحنل پر مخصسر ہو؛ یعنی، کسی بھی لمحس پر تفاعسل کا محنارج، اُی لمحسے کے مداحنل پر مخصسر ہوگا۔ ایسے تفاعسل کو ترکسیبی ادوارے حسامہ عمسل پہنایا حساتا ہے، جوشنائی گیٹ سے حساصل کئے حساتے ہیں۔اسس باب مسیں ترکسیبی ادوار پر غور کسیاحبائےگا۔

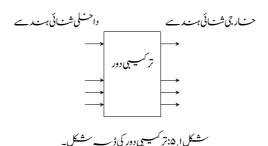
اسس کے بر عکس، ترتیبی منطق اسے مسرادوہ منطق ہے جس مسیں محضارج موجودہ اور ماضی مداحسن پر مخصسر ہو؛ لینی، کسی بھی لمحسے پر تف عسل کامحسارج، گزرے اور موجودہ مداحسن پر مخصسر ہوگا۔ ترتیبی منطق کو ترتیب یا دوارے حسام ہمسال پہسایا حساتاہے، جن پر انگلے باہے مسین غور کمیاحب کے گا۔

کسی بھی ترکسیبی دور کو سشکل ۱.۵ گوبہ شک**ل ت**ے ظاہر کسیا جباسکتا ہے، جہاں مداحشل شنائی ہند سوں (مداحشل بِٹ) کو مائیں جسکہ محساری شنائی ہند سول کو دائیں ہاتھ رکھسا حباتا ہے۔

۱.۵ شنائی جمع کار اور شنائی منفی کار

دواعب داد کو جمع یا مفی کرنابنیا دی ساب کا حسب ہے۔ آئیں دوبِ جمع کرنے والے دور پر غور کریں۔

combinational logic sequential logic box diagram



ا.ا.۵ نصف جمع کار

ایک برٹ کی قیت صرف 0 یا 1 ہو سکتی ہے، البذادوبٹ جع کرتے ہوئے درج ذیل حیار (شنائی) صور تیں پیدا ہوں گی۔ (اسس باب مسین شنائی ہندہے اور اعبداداستعال ہوں گے:زیر نوشت 2 کھے کروضا حت نہیں کی حبائے گی۔)

$$0+0=0$$
$$0+1=1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10$$

اسس مساوات مسین دوبرئے جمع کئے گئے، البذا مداحسٰل کی تعبداد دو ہو گی۔ مساوات مسین اگر حپ پہلے تین جوابات ایک برئے ہیں، لسیکن آحسٰری جواب دوبرئے ہے۔ یوں، تمسام صور توں سے نیٹنے کی حسٰاطسر، جوابات دوبرئے تصور کے حسائیں گے، اور ذکل لکھٹ بہتر ہوگا:

$$0 + 0 = 00$$

$$0 + 1 = 01$$

$$1 + 0 = 01$$

$$1 + 1 = 10$$

جس سے واضح ہے کہ جواب دوبرٹ ہیں۔ یوں، دوبرٹ جمع کرنے والے دور کے دومداحن اور دومحن ارج ہوں گے۔

مداحن کو y اور z ، جب محن ارج کو s اور c کلھ کر درج بالام وات کو حب دول a امسیں پیش کی گیا ہے ، جس سے تقاعلات a اور a کی مساوات ، محب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیں حساصل کرتے ہیں۔

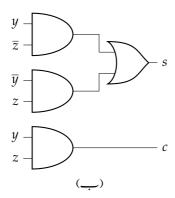
$$\begin{array}{c} c = yz \\ s = \overline{y}z + y\overline{z} \end{array}$$

اِن تف عسلات کے (دو مختلف اقسام کے)ادوار شکل ۲۰۵ مسیں پیش کیے گئے ہیں، جو نصف جمیع کار مہاب لاتے ہیں۔اسس نام کی وضاحت اگلے حسب مسیں ہوگی۔

half adder"

حبدول ۵: دوبِٹ جمع

y	z	С	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0







۵.۲: مکسل جمع کار	حبدول
-------------------	-------

x	y	z	С	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

۵.۱.۲ مکسل جمع کار

آئیں، ایک سے زیادہ ہے شنائی اعبداد $y=111_2$ اور $z=11_2$ کے مجبوعے کا حصول دیکھتے ہیں۔

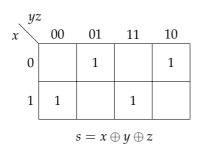
پہلے متدم پر کم تر رتبی ہوں اور z_0 کو نصف جمع کار حسل کر سکتا ہے، کسیکن اسکلے متدم پر ہٹ y_1 اور z_1 جمع کرتے ہوئے گزشتہ متدم کا ماصل z_0 اور z_0 کو نصف جمع کرتا ہوگا۔

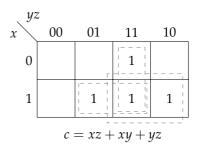
ظ ہر ہوا، دواعب داد جمع کرنے کی حن طب رایب دور در کار ہو گاجو تین بٹ جمع کر سے۔ آئیں ایب دور دیکھتے ہیں۔

اس دور کے مداحنل y ، x اور z جبکہ محنارج c اور c لیتے ہوئے (جباں x پچھلے متدم کاحباصل ہوگا) جبدول c کلمتے ہیں۔

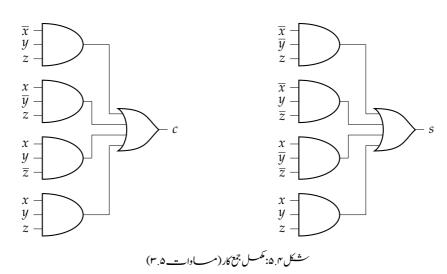
حبدول ہے 0 اور 8 کے تضاعبات کی مساوات ، مجبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسین حسامسل کرتے وقت ہیں۔ یادر ہے جب ول مسین تین آزاد اور دو تائع متغیرات ہیں۔ ایک تائع متغیرہ کی مساوات حسامسل کرتے وقت دوسرے تائع متغیرہ کو نظیر انداز کریں۔ یوں 0 کی مساوات حسامسل کرتے وقت تین مداحسل کر ہورے دی پر نظر رکھتے ہوئے 0 کے ارکان ضرب کا مجبوعہ لیں۔ شکل ۳۵ میں کارناف نشوں سے ان تضاعبات کی (درج ذیل) سادہ مساوات حسامسل کی گئی ہیں۔

$$c = xz + xy + yz$$
$$s = x \oplus y \oplus z$$





شكل ٣٠٤: مكسل جمع كار

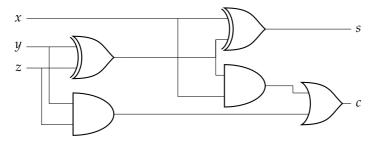


کارناف نقشہ استعمال کیے بغیب رحبہ ول ۲۰۵ سے ان تف عسلات کی مساوات، محب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیر لکھتے ہیں۔

$$\begin{array}{c} c=\overline{x}yz+x\overline{y}z+xy\overline{z}+xyz\\ s=\overline{x}\,\overline{y}z+\overline{x}y\overline{z}+x\overline{y}\,\overline{z}+xyz \end{array}$$

انہیں شکل ۲۰۸۵ میں عملی حبامہ پہنایا گیاہے۔

 $(\overline{x}+x)yz$ جبکہ باقی احب زاء کا مجبوعہ $x(\overline{y}z+y\overline{z})$ جبکہ باقی احب زاء کا محبوعہ ورج بالا پہلی مساوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوعہ



شکل ۵ ۵: مکسل جمع کار کابہتر دور (مساوات ۵ ۴)

لہندا c کے لئے درج ذیل لکھا حساسکتاہے۔

$$c = (\overline{x} + x)yz + x(\overline{y}z + y\overline{z})$$

= $yz + x(y \oplus z)$

اس کومساوات ۲.۵ میں پیش S کے ساتھ اکٹھ کیے ہیں۔

$$(a.r)$$
 $c=yz+x(y\oplus z)$ $s=x\oplus y\oplus z$ $(a.r)$

ان تف عبلات کو شکل ۵٫۵میں پیش کباگیاہے، جو شکل ۴٫۵سے بہتر (چھوٹا)ہے۔ ماوات ۵.۴مسیں دیے 8 سے ارکان ضرب کامجب وعب حساصل کرتے ہیں۔

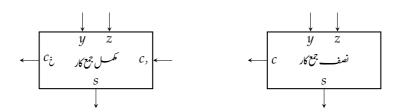
$$\begin{split} s &= x \oplus (y \oplus z) \\ &= x \oplus (y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(\overline{y}\overline{z} + \overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(\overline{y}\overline{z})(\overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(\overline{y} + z)(y + \overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(yz + \overline{y}\overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= xyz + x\overline{y}\overline{z} + \overline{x}y\overline{z} + \overline{x}\overline{y}z \end{split}$$

شکل ۵.۵ مکل جمع کار اکہا تاہے، البذاشکل ۲.۵ کو نصف جمع کار کمہیں گے۔

حبدول ۲.۵ مسین ۷ اور Z شنائی ہند سول کے ساتھ گزشتہ ت دم کا حساس X جمع کسیا گسیا۔ شکل ۲.۵ مسین نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبدلامت پیش ہیں۔ مکسل جمع کار مسیں گزشتہ ت رم سے داخلیر عاصلیر ^ر و ر بر جب اسس

half adder2

carry in



شکل ۲.۵: نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبلامت یں۔

ت دم کے فارجی ماصل اور _نے سے ظاہر کے اگسا۔

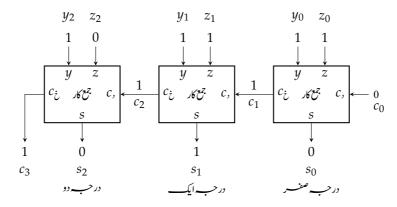
آئیں 111ء اور 2 = 11ء کا مجبوعہ مکسل جمع کار کی مدد سے حساس کریں۔سب سے پہلے دونوں اعبداد كو تين شنائي بندسول مسين لكهين ، المهندا ر 211 ع بو گارشكل 2.۵ مسين مطلوب تين درجي، تين بث جمع كار پیش کب گب ہے، جباں مکسل جمع کار کو مختصراً "جمع کار" کہا گیا ہے۔ شنائی عبد د $y=111=y_2y_1y_0$ اور $z_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور اعتداد کے کم رتبی ہندہے، ف راہم کیے حبائیں گے، اور ساتھ ہی چونکہ پہلے ت دم مسین کوئی "داحسلی سامسل" نہیں ہو گالهذا داخسلی حساسل c_1 نسراہم کیا جائے گا۔ اگلے ت دم میں جن کار کو $y_1=1$ اور z=1 کے ساتھ پہلے ت دم کاحساس $c_0=0$ بطور داخنلی حیاصل، نسراہم کییا جبائے گا، جبکہ آخنے کی جمع کار کو $y_2=0$ اور $z_2=0$ کے ساتھ گزشتہ ت م کا حیاصل c₂ و منراہم کیا جیا گا۔ تین بٹ جع کار،ان اعبداد کامج موعب c₃S₂S₁S₀ دے گا۔

$$\begin{array}{c}
111 \\
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

شکل ۷۵ مسیں چونکہ در حب صف رکادا حنلی حسام ال ہمیث 0 ہوگالبذا بیب ال مکسل جمع کار کی بحب نے نصف جمع کار بھی استعال کے حاسکتا ہوئے۔ ایپ کرتے ہوئے ۲۰۵ منسراہم کرنے کی ضرورت نہیں ہو گی۔

زبادہ ہا اعبداد کے محب موعب کے لئے شکل 2.4 مسیں مائیں حیازے مسئرید مکسل جمع کار کااضاف کسیا سیائے گا۔ بول 8 بٹ(یعنی ایک بائٹ)اعبداد کامجسوعہ آٹھ درجی جمع کار دے گا،جو 8 مکسل جمع کاریر مشتمل ہو گا،جب کہ 64 بٹاعبداد کے محب وعبہ کے لئے 64 مکسل جمع کارپر مشتل 64 بٹ جمع کار در کار ہو گا۔



مشكل ٤٠: تين درجي، تين بك جمع كار

مثق ا.۵: مختلوط دور 74283 پاریٹ مکسل جمع کارہے (صفحہ ۴۹ پر مختلوط ادوار کے سلسلہ 74xxx کے بارے مسین دوبارہ پڑھسین)۔ اسس کے معسلوماتی صفحات انتشار نیٹ 'اسے حساصل کریں۔ اسس مختلوط دور کو استعال کرتے ہوئے 8 بٹ کے دوشنائی اعساداد جمع کریں۔

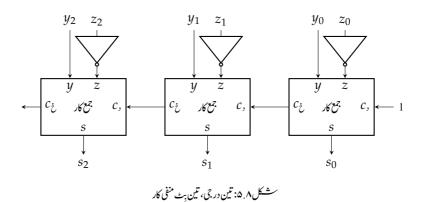
۵.۱.۳ منفی کار

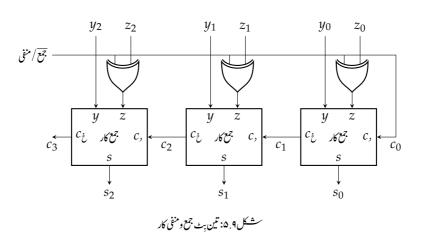
شنائی اعبداد کو کمپیوٹر دوکے تکمیاری مدد سے منفی کر تاہے۔ دو کا تکمیار استعال کرتے ہوئے شنائی اعبداد منفی کرنے کے عمسل پر دوبارہ نظسر ڈالتے ہیں۔ یادر ہے، بلیند تررتی ہٹ کی جمع سے پیدا، آحنسری حسامسل منسائع کمپیاحباتا ہے، جبکہ اسس کی عنسیر موجود گی مسیں بنتیجے کادو کا تکمیار سابتا ہے۔

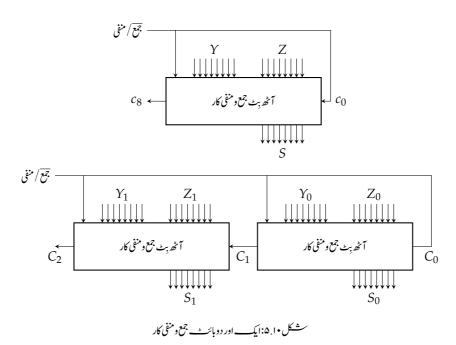
تین بِٹ شنائی اعسداد y اور z = (y - z) حساسل کرنے کے لئے z کے متم کے ساتھ 1 اور y جمع کرنا ہوگا۔ شکل میں اسس محسل کو محسلی حباسہ پہنایا گیا ہے، جہاں نفی گیٹ استعال کر کے z کامتم (یا ایک کا تکمسله) میں اسس کسا گیا، اور ساتھ 1 جمع کرنے کی حن اطسر در حب صنسہ کو داخنلی حساسل 1 فسندر اہم کساگیا۔

سشکل ۵. کاور سشکل ۵. ۸ دونوں مسیں مکسل جمع کار استعال ہوئے۔ سشکل ۵. کے ساتھ نفی گیہ نسلک کر کے اور داختلی حساس سلک کے دور سے بھی حساس کے دار منفی اعمال ایک ہی دور سے بھی حساس کے حساس کے عبی سال کے جمع اور منفی اعمال ایک ہی دور سے بھی حساس کے حساس کے عبی ایساد دور جے جمع و منفی کار کہتے ہیں شکل ۹.۵ مسین پیش ہے۔

'انٹ رنیٹ مسیں74283 datasheet تلاشش کریں۔







اسس شکل مسیں بلا شسر کسے جمع گیٹ استعمال کیے گئیا، اور مت ابواسفارہ جمع گیٹ کی کا اصف دنے کسے گئیا۔ اسس مت ابواسفارہ کی کارکرد گی پر غور کرتے ہیں۔ جب جمع گیٹ اسفارہ کی کارکرد گی پر غور کرتے ہیں۔ جب جمع کم منفی اسفارہ ہیں۔ جب جمع گار کی حیثیت سے کار اور ساتھ ہی $c_0=0$ ہو گا: لہذا ہے۔ دور تین بٹ جمع کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

اسس کے بر عکس، جمع کار تک بوبلاٹ (1) ہوبلاٹ رکت جمع گیٹ عدد z کامتم \overline{z} مکسل جمع کار تک پہنچ کے گا، اور ساتھ ہی $c_0=1$ ہوگا؛ لہذا ہے دور تین ہے منفی کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

وت ابوات ارہ کے نام مسین "منی" اور "" لکھ کر ہے واضح کی گیا ہے کہ اسٹ ارہ بلٹ دہونے کی صور ہے مسین منفی کار اور پہت ہونے کی صور ہے مسین جمع کار سے اصل ہوگا۔

آٹھ بٹ جمع و منفی کار کو ایک بائٹ بہتی و منفی کار کہتے ہیں۔ شکل ۱۰.۵ مسیں ایک بائٹ اور دوبائٹ بہتی و منفی کار د کھائے گئے ہیں۔ اسس کے بائیں حبائب مسزید ورحبات جوڑ کر متحد دبائٹ کا دور جنایاحب سکتا ہے۔ یہاں Y_0 پہلے بائٹ (لیمنی بسلے بائٹ y_1 کی جمع کا بائٹ (لیمنی بٹ y_2 تا y_3 کا طابر کر تاہے، جب کہ y_2 سے مسراد دوسسرے بائٹ کی جمع کا حذار جی ساسل ہے۔

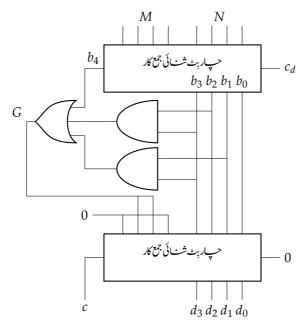
حبدول ٣٠.٥: اعث ارى جمع كارك مطلوب جواب

شنائی					_	شارسي	ر موز اعر	ائی مب	ثن	اعثاری
b_4	b_3	b_2	b_1	b_0	С	d_3	d_2	d_1	d_0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	2
0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	3
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	4
0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	5
0	0	1	1	0	0	0	1	1	0	6
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	7
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	8
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	9
0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	10
0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	11
0	1	1	0	0	1	0	0	1	0	12
0	1	1	0	1	1	0	0	1	1	13
0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	14
0	1	1	1	1	1	0	1	0	1	15
1	0	0	0	0	1	0	1	1	0	16
1	0	0	0	1	1	0	1	1	1	17
1	0	0	1	0	1	1	0	0	0	18
_1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	19

۵.۱.۴ اعثاری جمع کار

جیب پہلے ذکر ہوا، اعثاری اعتداد کو ثنائی مرموز اعثاریہ "ے ظاہر کیپ حباتا ہے۔ ایب مکسل جمع کارب تے ہیں جو دواعثاری میں بہت کی کر ہوا، اعثاری ہوں کہ جمع کر تاہو۔ چونکہ اعثاری ہند سے 0 تا 0 ، جب کہ داخنلی حباصل 0 یا 1 ہو 0+9+1=19 تا 0 ، جب کہ داخنلی حباصل 0 کہ جمع کار کے جو اب 0+0+0=1 کی قیمت 0 کی قیمت 0 کی جہ بہت ہیں اعثاری شنائی مصر موزاعث ارب اورشنائی روپ مسین جب دل ہوں گار ہے۔ اورشنائی روپ مسین جب دل ہوں گار ہوں کا مسین جس کی آئیست کے ایس میں جب دل ہوں گار ہوں کی بیٹ کی آئیس کی کر آئیس کی آئیس کی آئیس کی آئیس کی کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کر آئیس کر آئیس کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کر

binary coded decimal (BCD)"



شکل ۱۱. ۵: شنائی مسرموزاعثاری روی مسیں اعشاری جمع کار

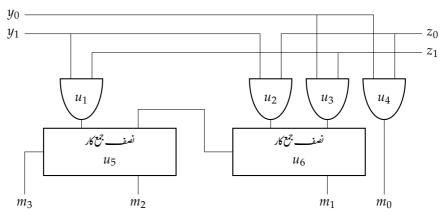
یہاں ایک دلچیپ حقیقت پر غور کرتے ہیں۔ ناصابل مسبول شنائی جواب کے ساتھ 0110₂ شنائی طور جمع کرنے سے درست شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل ہو گا۔ مشلاً، 201010 کے ساتھ 0110₂ جمع کرنے سے 10000₂ مسئل مسرموز اعشاریہ مسین درست جواب ہے۔ یوں 0 تا 9 شنائی جوابات کوجوں کا توں، جبکہ ان سے بڑے جوابات کے ساتھ 0110₂ شنائی طور جمع کرکے شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل کے ساتھ ہیں۔

حبدول ہے واضح ہے کہ جب شنائی جمع کار کے جواب میں حنارجی حیاصل b_4 بلند ہو، اس جواب کوشنائی مسرموز اعشار جواب تسلیم نہیں کیا جب سالگا؛ اس کے عبالاوہ جب b_3 بلند ہو تب بھی جواب کوشنائی مسرموز اعشار ہے۔ تسلیم نہیں کیا جب سالگا۔ ان حت اُق کو درج ذیل بوولین مساوات بیان کرتے ہے، جب ان ناف بالی قسبول جواب کی صورت مسیں G بلند ہوگا۔

$$(a.a) G = b_4 + b_3 b_2 + b_3 b_1$$

اسس حقیقت کو استعمال کرتے ہوئے شنائی جمع کار کی مدد سے شنائی مسرموز اعشاریہ جمع کار کا حصول شکل ۱۱.۵ مسیں دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے سازی کرتا دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے کو حناری کرتا ہے، جبکہ G بلند ہونے کی صورت مسین ساتھ 20110 جمع کرکے درست شنائی مسرموز اعشاریہ حنارج کرتا ہے۔ جبکہ جبکہ جبکہ جب

۵.۲ شنائی ضرب کار



مشكل ١٢. ٥: دوبث شن أكي ضرب كار

۵.۲ شنائی ضر کار

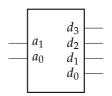
شن کی ضرب بالکل اعشاری ضرب کی طسرح کی حباتی ہے۔ دوبِٹ شنائی اعسداد y اور z کو مشلم و کاعنبذ کی طسرز پر ضرب کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

اسس مساوات سے حسامسل دوبِٹ شنائی ضرب کار شکل ۱۲.۵ مسیں پیشس ہے۔ زیادہ بِٹ کے ضرب کار بھی ای طسرح تفکیسل دیے حباتے ہیں۔

درج بالا نسلم و کاغن ذکی طرز پر ضرب مسین کمتریِ $m_0 = y_0 z_0$ ہمیں جمع گیٹ u_4 دیت ہمیں u_4 و بیت u_5 اگلیٹ u_5 اور u_5 اور بیت u_5 اگلیٹ u_5 اور بیت u_5 اور بیت u_5 اور بیت u_5 کرکے دیت u_5 اور بیت سال اگر موجود ہو) دیت ہے۔ اس مسین جمع کرکے u_5 اور بیت اور بیت ہمیں دیگا۔ u_5 کی مسال کو u_5 اور بیت ہمیں u_5 کی مسال کی مسال کو u_5 اور بیت ہمیں u_5 کی مسال کی مسال کو u_5 کی کار کار کی مسال کو مسال کو u_5 کی کرنے والے مسال کو u_5 کی کرنے والے کے ساتھ بایاں نصف جمع کی کار کے مسال کو ویک کرنے والے کی کرنے ویک کے ساتھ بایاں نصف کی کرنے ویک کی مسال کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کی کرنے ویک کی کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے

مثق ۵.۲: شن فی اعب داد 11₂ اور 10₀ جمع کرنے کے متدم مشکل ۱۲.۵ کے دورمسیں کرتے ہوئے د کھائیں۔

یا بٹ	داحنا		جی بیٹ	حنار!	
a_0	دا ^{حن} ا a ₀	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0



شکل ۱۳.۱۵: دوسے حیار مشناخت کار

مثق ۵٫۳ انٹرنیٹ سے 74284 مختلوط دور کے معسلوماتی صفحات حاصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیا کام سرانحبام دیتاہے؟

۵٫۳ شناخت کار

مداخنل 00 (حبدول کی پہلی صف) کرنے سے حپار محنارج مسیں سے ایک، لیمن d_0 کی شناخت ہوتی ہے۔ ای طسرح 10 محنارج d_1 کی، 10 محنارج d_2 کی، اور 11 محنارج d_3 کی شناخت کرتے ہیں۔

اگر d حپار مختلف عجب من مشلاً، حپار گلیاں، یا حپار مکان، تصور کی حب نیں، تب م ان کاپت ہوگا، جس کے ذریعت ان تک پنجین مسکن ہوگا۔ ای مشابہت مے کو پہتا کے بیٹے باپت پیٹے "ایاصرف پنتا "اکتبایں۔ عسد دی برقسیات مسین اسس طسر ح عجگ تعین کرنے والے "پت کے بٹول "کااستعال عسام ہے اور انہمیں، عسوماً، م سے ظاہر کیا حباتا ہے۔ حب تا ہے۔

کی بھی پت کواعث اری روپ مسیں لکھیں ؛ یکی معتام منتخب ہوگا۔ یوں 1012 بت معتام 5₁₀ لینی 5₀ منتخب کرے گا۔

decoder"

address bits

۳.۵. شناخت کار



شكل ١٨.٥: دوباحيار شناخت كار

سشکل ۵ ، ۱۳ مسیں دے حبدول کو محنارج کے لئے حسل کر کے درج ذمل حساصل ہوں گے۔

 $d_0 = \overline{a}_1 \overline{a}_0$

 $d_1 = \overline{a}_1 a_0$

 $d_2 = a_1 \overline{a}_0$

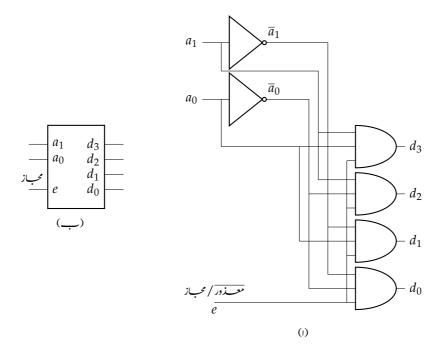
 $d_3 = a_1 a_0$

شکل ۱۳.۵ میں ان مساوات سے حساسل دوباحبار (2 × 4) شنافت کار پیش اسے، جس کے داختلی بند کی تعداد دورو (2) ، جبکہ حنار بی ہیٹ کی تعداد حیار (4) ہے۔

شکل ۱۳.۵ مسیں پیش شناخت کار کے تمام ضرب گیٹوں کے ساتھ اضافی صابع مداحسل جوڑ کر محباز و معنذور مصلاحیت کا ۱۳.۵ مسیں پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اراد استان پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اور اور گا اور (e) کی صورت مسیں، شناخت کرنے کا محباذ ہوگا، پیت امضارے کی صورت مسیں شناخت کار معنذور ہوگا اور اسس کے تمام محنارج پیت ہوں گے۔ شکل - ب مسیں اسس کی عسلامت پیش کی گئے ہے، جہاں متابوات اور کو مختصر آ معربان "کہا گیا ہے۔

حبدول ۲.۵ الف مسین محباز و معنزور صلاحی کے شناخت کار کی کارکردگی پیش کی گئی ہے۔اسس حبدول

decoder¹⁰



شكل ۱۵.۱۵: محباز ومعهذ ورصلاحيت كادوباحب ارمشناخت كار

حبدول ۴۰.۵:محساز ومعب ذور صبلاحیت کاسشناخت کار

()										
e	a_1	a_0	<i>d</i> ₃	d_2	d_1	d_0				
0	x	x	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0	1				
1	0	1	0	0	1	0				
1	1	0	0	1	0	0				
1	1	1	1	0	0	0				

			(1)			
e	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

۵٫۳ شناخت کار

ب دول۵.۵:بلن د عمسل پیسرا، تین با آٹھ مشناخت کار	ا آٹھ مشناخت کار	سل پیسے را، تین با	حبدول۵.۵:بلن ع
--	------------------	--------------------	----------------

$\overline{a_2}$	a_1	a_0	d ₇	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1		0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0		1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

کو مختصراً جبدول - ب کی صورت مسیں پیش کیا حباتا ہے، جباں پہلی صف مسیں تابو اشارہ پست x کھی a_1 کا اور a_1 کا قیت مسیں a_2 اور a_3 کا گھی۔ a_3 کا گھی۔ a_4 کا گھی۔ a_5 کا گھی۔ جباتی ہے۔ a_5 کا گھی۔ جباتی ہے۔

تین با آٹھ (8 × 3) شناخت کار کا دور حساس کرنے کی حناط سر، تین مداحن کا ایسا حبدول کھتے ہیں جس مسیں مداحن کی ہر ترتیب ایک منف رد محنارج منتخب کرے (حبدول ۵۵ دیکھیں)۔ چونکہ چُنا گیا محنارج بلبند ہوگا، البندا ایسا شناخت کار، بلند عمل پراالہ البلاتا ہے۔ محنارج تف عسلات کی مصاوات، محب وعد ارکان ضرب کی صورت مسین حساس کرتے ہیں۔

$$d_0 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

$$d_1 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_2 = \overline{a}_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_3 = \overline{a}_2 a_1 a_0$$

$$d_4 = a_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

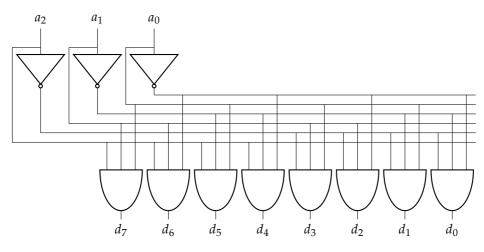
$$d_5 = a_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_6 = a_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_7 = a_2 a_1 a_0$$

ان تف عسلات سے حساسل، بلند عمسل پیسرا، تین باآٹھ (8 × 8) مشناخت کار شکل ۱۹.۵ مسیں پیش ہے۔
اسس مسیں محباز مداحن کا اضاف کرنے سے محباز و معد ذور صلاحیت، بلند عمسل پیسرا، تین با آٹھ شناخت
کار حساسل ہوگا جو شکل ۱.۵ مسیں پیش ہے۔ محباز بلند ہونے کی صورت مسیں شناخت کار کام کرے گا، جب کہ پیت محباز کی صورت مسیں بتام محنارج پیت رہیں گے؛ ہم کہتے ہیں سے بلند مجاز اشناخت کار ہے۔ جبدول ۱۹۵۸ مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔

active high active high



شكل ١٦. ٥: بلند عمل پيرا، تين با آٹھ (8 × 8) شناخت كار

تین مداحن ط_ا ، ماور م_ا و کی قیمتیں اہمیت نہیں رکھتی؛ ای لئے انہیں x کھٹ گیا ہو کا یا 1 ہو سکتا ہے۔ یہ (پہلی) صف در حقیقت، a₂ ، مارک تا ھا 111 ، اہلیذا، آٹھ صفوں کو ظہر کرتی ہے۔ (پہلی) صف در حقیقت، a₂ a₂ a₁ مارک تا ھا 111 ، اہلیذا، آٹھ صفوں کو ظہر کرتی ہے۔

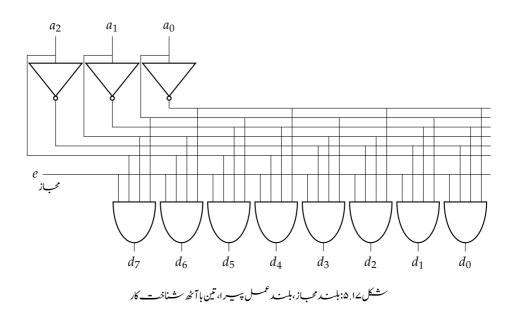
مثق ۲۰.۵: سشکل ۱۵.۵ مسیں دایاں جمع گیا کے کامحنارج کیا ہے؟ باقی محنارج بھی مشکل سے حساسسل کریں۔ کیا ہے۔ حبد ول ۵.۵ پر پورااتر تے ہیں؟

بعض اوت ۔، ایے شناخت کار کی ضرور ۔ پیش آتی ہے جس کا چنا گیا مضارح پس ہو۔ایس شناخت کار پہتے ع<mark>الی پیرا ۱</mark>۸ ہم سانا تا ہے۔ حبدول ۲۵ کم میں ایسا پست عمسل پسرا، تین با آٹھ شناخت کار پیش ہے، جو صابو امشارہ محبز پست ہونے کی صور ۔ مسیں کام کرتا ہے؛ ہم کہتے ہیں بہر پستے مجاز ۱۹ ہے۔ روایت، پست عمسل پسرا مخسان کو آتا ہے دوایت، پست عمسل پسرا مخسان کو آتا ہے دوایت، پست عمسل پسرا مخسان کو آتا ہے اور ایست، بو مخسان کام کرتا ہے؛ ہم کہتے ہیں بات کی یاد دہائی کراتی ہے کہ چنا گیا محسان ہور سے کام کرے گا گا۔ صابو امشارہ پر بھی "لکسیر" گئی ہے (عَلَی جواسس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ شناخت کار اسس صور ۔ کام کرے گا جب و صابو امشارہ پر بھی شکل ہے۔ سناکن ۱۵ میں ضرب گیا ہے۔ مشاکل کرنے سے سال ہوگا۔ حکمت مضرب گیا ہے۔ ناور صابو گا۔ بستان مضرب گیا ہے۔ مشاکل کرنے سے سال ہوگا۔

شکل ۱۹.۵ مسین تین با آٹھ شناذے کار کی عبلامتیں پیش ہیں۔ شکل الف مسین بلند محباز، بلند عمسل پیسرا،

active low active low

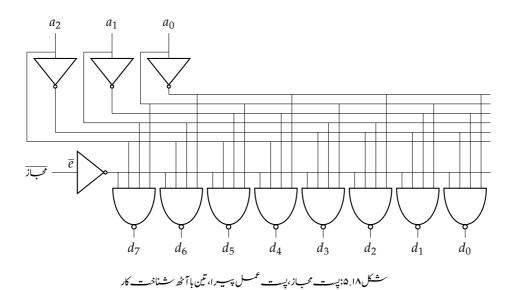
۵٫۳ شناخت کار

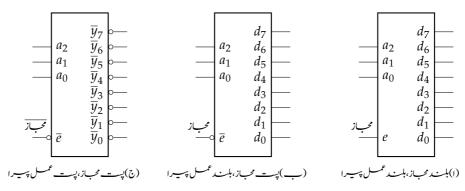


حبدول ۲.۵:بلند محباز،بلند عمل پیسرا، تین با آٹھ شناخت کار

e	a_2	a_1	a_0	d ₇	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	x	x	x	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

\overline{e}	<i>a</i> ₂	a_1	a_0	\overline{y}_7	\overline{y}_6	\overline{y}_5	\overline{y}_4	\overline{y}_3	\overline{y}_2	\overline{y}_1	\overline{y}_0
1	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	1	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1
0	0	1	0	1	1	1	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1





شكل ١٩. ٥: تين با آځه شناخت كار كې مختلف اقسام كې عسلامت ين ـ

مشکل - ب مسیں پیت محباز، بلند عمل پیرا اور مشکل - ج مسیں پیت محباز، پیت عمل پیرا روپ و کھائے گئے ہیں۔ ان عسلامتوں مسیں حنار بی پنیوں پر گول دائرہ اسس بات کی تقین دہانی کراتا ہے کہ منتخب ہونے کی صورت مسیں سے بیٹ پیت ہوگی۔ ای طسرح فت ابوبٹ پر گول دائرہ یاد دہانی کراتا ہے کہ مشناخت کار صرف اسس صورت محباز ہوگا جب سے امشارہ پیت ہو۔

مثق ۵.۵: انٹ رنیٹ سے 8 × 3 پیت عمسل پیپراٹ نانے کارے مختلوط دور 74138 کے معسلوماتی صفحات رساست کریں۔ اسس مختلوط دور کا" دورانی رد عمسل "کتن ہے؟

۵.۴ شناخت کار کی مد دسے تف عسل کا حصول

ہر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے مجبوعہ کے روپ مسین حساسل کی حباستی ہے۔ چونکہ سناخت کار تمسام مکن ارکان ضرب فنسراہم کرتا ہے، البذا اسس کے ساتھ جمع گیٹ جوڑ کر تفاعسل کو عمسلی حباسہ پہنایاحباسکتاہے۔ کی طسریقہ کارایک مشال کی مدوسے سیکھے ہیں۔

مثال ۵۱۱ کسل جمع کار کوشناخت کار کی مدد سے ار کان ضرب استعال کرتے ہوئے حساسسل کریں۔

حل: سنگسل جمع کار کی کار کر دگی جبد ول ۸.۵ مسیں پیش ہے،جہاں بند x_0 اور y_0 کے ساتھ داختلی حساسسل c_0 جمع ہو کر وحدار جی حساسسل c_1 پیدا ہوگا۔

حبدول ۵.۸: مکسل جمع کار کی کار کردگی (برائے مشال ۸.۵)

x_0	y_0	c_0	$ c_1 $	s_0
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

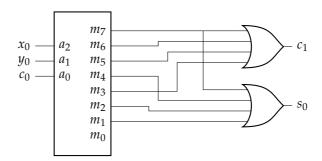
حبدول ۹.۵: تین با آٹھ شناخت کارار کان ضرب دیت ہے (برائے مشال ۱.۵)

x_0	y_0	c_0	m_7	m_6	m_5	m_4	m_3	m_2	m_1	m_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

اسس حبدول سے درج ذیل مساوات حساسل ہوتی ہیں۔

$$\begin{array}{ccc} c_1 = \overline{x}_0 y_0 c_0 + x_0 \overline{y}_0 c_0 + x_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \\ s_0 = \overline{x}_0 \, \overline{y}_0 c_0 + \overline{x}_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 \overline{y}_0 \, \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \end{array}$$

تین سے آٹھ سشناخت کار حبدول ۹.۵ مسیں پیش ہے، جب ال حنار جی بٹ کومط بقتی ارکان ضرب لکھ گیا ہے۔ یول درج



شکل ۲۰ شناخت کار کی مدد سے مکسل جمع کار کاحصول

ذیل ہوں گے۔

$$m_{7} = x_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{6} = x_{0}y_{0}\bar{c}_{0}$$

$$m_{5} = x_{0}\bar{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{4} = x_{0}\bar{y}_{0}\bar{c}_{0}$$

$$m_{3} = \bar{x}_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{2} = \bar{x}_{0}y_{0}\bar{c}_{0}$$

$$m_{1} = \bar{x}_{0}\bar{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{0} = \bar{x}_{0}\bar{y}_{0}\bar{c}_{0}$$

مساوات 2.۵ کو دیکھتے ہوئے مساوات ۲۰۵۵ درج ذیل لکھی حباستی ہیں، جن سے مکسل جمع کار کا شکل ۲۰۰۵ حساسل ہوگا۔

(a.A)
$$c_1 = m_3 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7) s_0 = m_1 + m_2 + m_4 + m_7 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

یہ تمام عمل نہایت آسان بنایا حبا سکتا ہے اگر حبدول ۸.۵ مسیں ارکان ضرب کا حنامہ بنایا حبائے (حبدول ۸.۵ مسیں ارکان ضرب کے روپ مسیں (حبدول ۱۰.۵ ویکھسیں)۔ اسس طسرز پر حبدول ککھ کر تفاعل کی مساوات، ارکان ضرب کے روپ مسیں حساسل کی حباسکتی ہے۔اسس حبدول کودکھ کر مطاوب جواب فوراً لکھا حباسکتی ہے۔

$$c_1 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$$

$$s_0 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

ب(برائے مشال ۱.۵)	جمع کار کے ار کان ضر پہ	حبدول ۱۰.۵:مکسل
		جبرون المبيد

x_0	y_0	c_0	$ c_1 $	s_0	m
0	0	0	0	0	m_0
0	0	1	0	1	m_1
0	1	0	0	1	m_2
0	1	1	1	0	m_3
1	0	0	0	1	m_4
1	0	1	1	0	m_5
1	1	0	1	0	m_6
1	1	1	1	1	m_7

 $e \longrightarrow \frac{d_3}{d_2}$ و d_2 احتار قی مواد d_0 d_0

شکل ۵.۲۱ یک سے حیار حنار جی منتخب کار کا تصور

۵.۵ داخنگی منتخب کار اور حن ارجی منتخب کار

ایسا دور جواکلوتے مداحسل پر مہیاشت انی مواد کو 2ⁿ محسارج مسیں کسی بھی ایک پر بھیج سے ظار ج_ی منتخب کار ^{۴۰} کہا تا ہے۔ مطسلوب محسارج کی نشاند ہی 11 بٹ پت کرتاہے۔

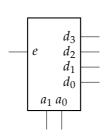
ایسا دور جو 2ⁿ مداحن مسین کی بھی ایک پر مہیاشنائی مواد کو اکلوتے مینارج پر بھیج سے **داخلی منتخب کا**را^م کہلا تا ہے۔ مطلوب مداحن کی نشاند ہی 1 بن یت کر تا ہے۔

ا.۵.۵ حنارجی منتخب کار

سشکل ۲۱.۵مسیں حنارجی منتخب کار کا تصور چیش کیا گیاہے، جہاں مداحنل e پر آمد شنائی مواد کو، تیجی سونج کے ذرایعہ، حیار مختلف حنارجی راستوں بھیجیا حیاسکتا ہے۔

محباز و معبذور صلاحیت کامشناخت کار بھی ہے کام سسرانحبام دے سکتا ہے۔ یہ دیکھنے کی حناطسر حبدول ۴.۵ کو یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

demultiplexer**
multiplexer**



e	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

شکل ۵.۲۲ ایک سے حیار (1 × 4) منارجی منتخب کار

e	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

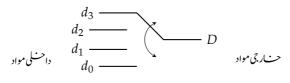
جبدول مسیں a_1a_0 کو دوبٹ پت، e کو داخنگی مواد، اور d_0 تا e کو حپار محنارج راستے تصور کریں۔ حبدول کی پہلی اور پانچویں صف پر نظر رکھسیں، جہاں a_1a_0 دوبٹ پت، e منارج e منارج کو منارج کا گھیستیں ہے گاہ کہ منابہ کی قیمت مسیں a_1a_0 کی قیمت داخنگی مواد e جبکہ پانچویں صف مسیں e میں e کی قیمت کی مطابقتی قیمتیں ہی ہیں۔ پہلی صف مسیں e کی قیمت e کی قیمت کی جب کی صف مسیں اسس کی قیمت e ہے۔ منارج پس منارج پست رہیں گے۔

باقی تین پے 01 ، 10 ، اور 11 بالت رتیب d_2 ، d_2 ، اور d_3 اور d_3 اور d_3 اور d_3 اور وہی مواد ہور داخت e پر ہور مواد ہور داخت e پر ہور است رتیب میں مواد ہور کا کا مواد ہور کا مواد ہور کا کا مواد ہور کا کر کا مواد ہور کا مواد ہ

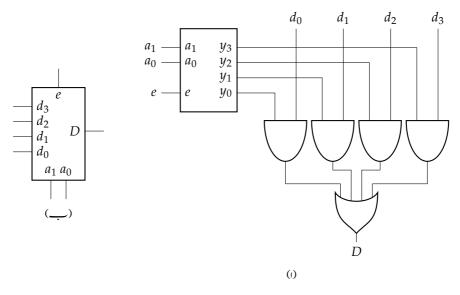
اسس جبدول مسیں صفوں کی ترتیب نو کر کے مشکل ۲۲.۵ مسیں پیش جبدول کی صور یہ مسیں لکھا جب بھواسس کی کار کر دگی بطور حسار ہی منتخب کار دافتے کر تا ہے۔اسس مشکل مسیں (4 × 1) منتخب کار کی عسلامت بھی پیش ہے۔

۵.۵.۲ داخنگی منتخب کار

سٹکل ۲۳.۵ سیں داخنلی فتخیب کار کا تصور پیش کیا گیا ہے، جہاں پیچی سونچ کے ذریعہ d_0 تا d_0 مواد محنارج منقتل کیا جہا سکتا ہے۔



شکل ۲۳٪ ۵: حیار سے ایک دا^{حن}لی منتخب کار کا تصور۔

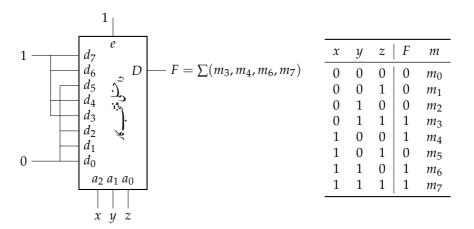


شکل ۵.۲۴ دیارے ایک (4 × 1) داختلی منتخب کار۔

دا حنلی متخف کار کو مشناخت کار کی مدد سے مشکل ۲۳.۵ مسیں حیاصل کیا گیا ہے؛ مشکل ۔ ب مسین اس کی عمدامت پیش ہے۔ یہاں محباز و معد ذور صلاحیت کا حاسناخت کار استعال کرکے محباز و معد ذور صلاحیت کا داخنگی منتخب کار حیاصل کیا گیا۔ ایسا مشناخت کار جس مسین متابو امشارہ سے ہو، استعال کرتے ہوئے حیاصل داخنگی منتخب کار مسین بھی محباز و معد ذور متابوات رہ نہیں ہوگا۔

میباز کردہ سشناخت کار 00 پت کی صورت مسیں y_0 بلند کرے گا، جبکہ y_1 اور y_3 پست رہیں گے۔ بول دائیں تین ضرب گیٹ پست رہیں گے، جبکہ بایاں گیٹ d_0 حنارج کرے گا۔ وتابو اسٹارہ و و پست کرنے کے داختلی مشناخت کار معد ذور ہوگا اور 0 حنارج کرے گا۔

ت کی کر لیں کہ محباز حسال مسیں، پت کے دوہِت a_0 اور a_1 ، حپار مداحنل d_0 تا d_1 ، مسیں سے ایک کو منتخب کر کے حسارج کر تا ہے۔



شکل ۵.۲۵ داخشلی منتخب کار سے تف عسل کا حصول (برائے مث ل ۲.۵)

مثق ٥٠١٪ انٹرنیٹ سے 74153 کے معلوماتی صفحات ساصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیاکام سرانحبام دیتا ہے؟

۵.۵.۳ داختلی منتخب کارسے تفعل کا حصول

مثال ۵.۲: درج ذیل تف عسل 1 × 8 داخنلی منتخب کارسے حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3, m_4, m_6, m_7)$$

 8×1 کو xyz سے تف عسل کے تین آزاد متغیبرات xyz کو xyz میں ہے۔ تف عسل کے تین آزاد متغیبرات xyz کو xyz در احسنی متخب کارکے آٹھ مداحسل d_0 تا d_0 مسین ہے۔ بند قصور کر کے ، داحسلی متخب کارکے آٹھ مداحسل d_0 تا d_0 مسین ہے۔ داحسلی متخب کارکو محباز d_0 کو بلند، جبکہ باتی کو پیست رکھ کر تف عسل حساسل ہو گا، جو مشکل ۲۵.۵ مسین پیش ہے۔ داحسلی متخب کارکو محباز d_0

1 z	$ d_3 \\ d_2 \\ d_1 \\ d_0 $	رن کی ت ^ی ن کی ا	F(x,y,z)
		$a_1 a_0$	
			•
		x y	

х	у		F	
0	0	0	0	F = 0
0	0	1	0	F = 0
0	1	0	0	Г ~
0	1	1	1	F = z
1	0	0	1	$F = \overline{z}$
1	0	1	0	F = Z
1	1	0	1	F = 1
1	1	1	1	F = 1

مشکل ۲۶.۵: داخشلی منتخب کارسے تف عسل کا حصول (برائے مث ال ۳.۵)

یوں پتہ 000 ، 001 ، 000 ، اور 101 کی صورت مسیں داختلی منتخب کار بالت رتیب d_1 ، d_0 ، اور d_5 ، اور d_5 بر فسند راہم مواد حن ارج کرے گا؛ ان تمسام کو پست رکھ کر در کار تغساع سل کی پست صورت حساس ہوگا۔ ای طسرح پت 110 ، 100 ، اور d_7 کی صورت مسیں بالت رتیب d_6 ، d_4 ، d_6 ، d_6 ، d_7 کی مواد حن ارج ہوں گے؛ انہمیں بلت در کھ کر تغساع سل کی بلند دصورت حساس ہوگا۔ کی ایک لیجہ پر پت صرف ایک قیمت رکھ سکتا ہے۔

n آزاد متغیر تف عسل، (n-1) پت بِٹ کے داخشلی منتخب کار سے بھی حسامسل کیا جب بیاں کوئی بھی n آزاد متغیر استعال منتخب کارکے پت استعال ہوں گے، جب ایک متغیر بطور مداخشل استعال ہوگا۔ (n-1) ایک مثال کی مدد ہے ایک کر آئے ہیں۔

مثال ۱۵.۳ درج بالا مثال میں دیا گیا تفاصل $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$ دو پتہ بِٹ کے $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$ دو پتہ بِٹ کے 4×1

شکل ۲۲.۵ میں اس جب ول سے حساس دور دکھیایا گیا ہے، جہاں (محباز و معیذور مسلاحیت نے رکھے والا) میں 4×1 واحنی فتخب کار استعال کیا گیا۔ پت 00 کی صورت مسیں داختی فتخب کار مداختل کی گئے۔ ای مواد حنارج کرے گا۔ یوں 0 پر 0 مہیا کر کے اس صورت مسیں تغناعمل کی درست قیمت حساس کی گئے۔ ای طسرح 0 کی صورت مسیں 0 کامواد حنارج کرے تغناعمل کی درست قیمت حساس کی گئے۔ ای کامواد حنارج کیا جائے گا، بلہذا پیسال متغییر 0 و ضرابیم کرے تغناعمل کی درست قیمت حساس کی گئے۔ ای طسرت قیمت حساس کی گئے۔ ای طسرت واحد کی صورت مسیں 0 کا مواد محنارج کیا جبائے گا، بلہذا

۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار

xy = 11 کی مورت میں کی گئی، اور آخٹ رمیں xy = 11 کی صورت میں کا گئی، اور آخٹ رمیں کے نشاعب کی البیان کی میں کا میں کی میں کا میں کی کا میں کامی کا میں کا میں

۵.۲ متوازی شنائی ضرب کار

حب بی اعسال مسین ضرب کا کردار کلیدی ہے۔ شن کی اعسداد کی ضرب کا عمسل بالکل اعشاری اعسداد کی ضرب کی طرح ہے۔ دوبِٹ شن کی اعسداد که اور b_1b_0 کو کھی گیسا گیسا ہے۔ جہال ان شن کی اعسداد کو b_1b_0 اور b_1b_0 کھی گیسا ہے۔ -

یہاں درج ذیل ہوں گے، جنہیں شنائی جمع کار کی مساوات ۵.۱ کی مدد سے حساسسل کیا گیا، اور جن سے مشکل ۲۷.۵ مسین پیش، دوہِٹ متوازی شنائی ضرب کار حسامسل ہوگا۔

$$p_0 = a_0 b_0$$

$$p_1 = (a_1 b_0) \oplus (a_0 b_1)$$

$$p_2 = (a_1 b_1) \oplus (a_1 b_0 a_0 b_1)$$

$$p_3 = a_1 b_1 a_1 b_0 a_0 b_1 = a_1 a_0 b_1 b_0$$

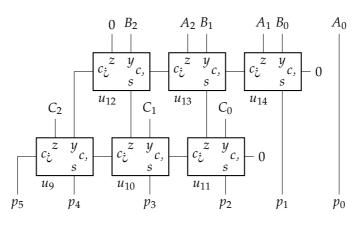
اگر حپ زیادہ بِٹ ضرب کار اسس طسریق کارے تشکیل دیے حبا سے ہیں؛ برقتمی ہے، اعبداد کے بِٹ کی تعبداد بڑھانے سے ضرب کار مسین درکار گیٹوں کی تعبداد بہت سینزی ہے بڑھتی ہے (محض آٹھ یا سولہ بٹ ضرب کار مسین بھی مستعمل گیٹوں کی تعبداد بہت زیادہ ہوگی)، المہذاایب کرنامہنگا ثابت ہوگا۔ عصوماً زیادہ بٹ کے ضرب کار مکسل جج کارکی مدد سے حساصل کیے حباتے ہیں۔ اسس طسریق کو تین بٹ شنائی اعبداد کی ضرب کو مشال بن کر سیکھتے ہیں۔

تین بِٹ اعبداد ماور ماور ماور ماور ماور ماور کے خرب میں ہے مشکل ۲۸۵۵ مسیں پیش تین بٹ شن کی ضرب کار سام میں پیش تین بٹ شن کی ضرب کار سنائے میں۔ کار صاصل ہوگا۔ اسس طریق کار سے ہیں۔



۲.۵. متوازی شب اکی ضرب کار



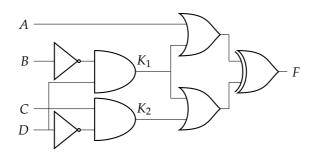


مشكل ٥٠٢٨: تين بِك شن ا كَي ضرب كار

اس شکل مسیں 9 خرب گین اور 6 مکسل جمع کار مستعمل ہیں۔ خرب گین میں u_1 مداحسٰل a_0 اور b_1 کا منطقی خرب a_1 میں a_1 ور a_1 کا منطقی خرب a_1 ور a_2 کارنا، دونوں خرب a_1 ور a_2 کارنا، دونوں کو ایک نام سے پکارنا، دونوں کو ایک نام سے پکارنا، دونوں کو آپ مسیر تاریج ور شرف کے مت داون ہے۔

سوالا____

سوال ۵۱۱: سشكل مسين حيار مداحنل دور ديا گياہے۔



ا. اندرونی متغییرات K_1 اور K_2 کی بودلین مساوات حساصل کرین۔

ب. حنارجی تابع متغیر F کی بودلین مساوات ساصل کریں۔

$$F = (A + K_1) \oplus (K_1 + K_2) \qquad (\underline{\hspace{1em}}) \qquad : K_2 = C\overline{D} \qquad : K_1 = \overline{B}D \qquad (1) \qquad : \underline{\hspace{1em}} F = (A + \overline{B}D) \oplus (\overline{B}D + C\overline{D})$$

سوال ۱۵.۲ ایسا بودلین حبدول بن نئیں جس مسیں تین مداحنل اور ایک محنارج ہو۔ حبدول یوں پُر کریں کہ محنارج کی قیست صورت ایک موراسس حبدول کی قیست صفسر (0) ہو۔ اسس حبدول کی مددھ منارج کا تھیت صفسر (0) ہو۔ اسس حبدول کی مددے مینارج کا تکسیل دیں۔

۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار

A	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

 $F = \prod (0,1,2,4,7) \cdot F = \sum (3,5,6)$

سوال ۵٫۳: حیار مداحسل کاایسا بوولین حب ول ب نئیں جس مسین محسارج صرف اُسس صورت بلند ہوجب داحسلی شائی عبد دکی قیب اعشاری نو (9) سے کم ہوتف عسل کاتر کسیبی دور تشکیل دیں۔

 $F = \sum (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8) :$

سوال ۱۹.۴: تین مداحنل اور تین محنارج کا ایب بودلین حبدول تفکیل دیں جس مسیں داحنلی شنائی عبد دکی قیب سات (7) سے کم ہونے کی صورت مسیں محنارج کی قیب مداحنل سے ایک زیادہ ہوجب کہ داحنلی قیب سات کے برابر ہونے کی صورت مسیں محنارج کی قیب صفسر (000) ہو۔

جواب:

\overline{A}	В	С	X	Υ	Z
0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0

سوال ۵.۵: ا**تلین دور ۱**۲۳ یے ترکیبی دور کو کہتے ہیں جس کامداحن اسس صور سے بلند ہو تا ہے جب اسس کے زیادہ تر مداحن پہسے ہوں۔ تین مداحن اقلیتی دور کا جب ول ککھ کر دور تفکیل دیں۔

minority circuit

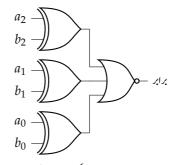
A	В	С	F
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

سوال ۲۰.۱ ایک ترکسیبی دور تشکیل دیں جواعث اری ہندسے کا اس سس نوحن ارج کرے۔اسس دور کے حپار مداحنل اور حیار محن ارج ہوں گے۔

\boldsymbol{A}	В	C	D	W	X	Υ	Z
0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	0	1	1	0	0	0
0	0	1	0	0	1	1	1
0	0	1	1	0	1	1	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0	1	0
1	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	d	d	d	d
1	0	1	1	d	d	d	d
1	1	0	0	d	d	d	d
1	1	0	1	d	d	d	d
1	1	1	0	d	d	d	d
1	1	1	1	d	d	d	d

سوال ۵.۷: تین بیٹ کے دواعب داد کامواز سے کرنے والا ایسا تر کمیسی دور تشکیل دیں جسس کامحنارج اسس صور سے بلن یہ و جب دونوں اعب داد کی قبستیں برابر ہوں۔

۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار



سوال ۵.۸: حپار ہائے دوشن کی اعب داد ضرب کرنے والاتر کسیبی دور تشکیل دیں۔ سوال ۵.۹: جمع متم گیٹ استعال کرتے ہوئے شناخت کار تشکیل دیں۔

سوال ۱۰.۵: ایک عبد د 8 × 3 مشناخت کار کی مدد سے درج ذیل تین تف عسلات کا دور مشکل ۲۰.۵ کے طسرز پر تفکیل دیں۔

$$F_0(X,Y,Z) = \sum (0,3,7)$$

$$F_1(X,Y,Z) = \sum (1,2,5)$$

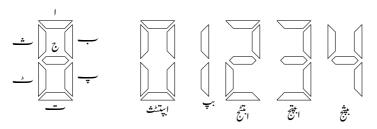
$$F_2(X,Y,Z) = \sum (0,1,2,3,5,7)$$

- سوال ۱۱.۵: - درج ذیل تغت عسل کو 1×10 داخنی منتخب کار کی مدد سے حساس کریں۔ $F(A,B,C,D) = \sum (0,1,4,7,13,15)$

سوال ۱۹۸۳ مسین (بائین حبانب) اعشاری بهندسول کی سات کی نمائشی تختی ۲۶ کسائی گئی ہے جو سات و تار کسائی گئی ہے جو سات متابل روشن حصول کو بیک وقت روشن کسیا جا ایک سیال ہے۔ ایا محسول کو بیک وقت روشن کرنے ہے اعشاری بہند سے کھے حباتے ہیں۔ مشالاً حسب اور پر (بینی بپ) بیک وقت روشن کرنے ہے اعشاری بہند سے کھے حباتے ہیں۔ مشالاً حسب اور پر (بینی بپ) بیک وقت روشن کرنے ہے اکھا حبائے گا۔ ای طسرح حسب انب، پ، ت، ٹ، اور شر (بینی ابیتش) بیک وقت روشن کرنے سے کیا اس حسب کو بلند کسیا حباتا وقت روشن کرنے کے لئے اس حسب کو بلند کسیا حباتا ہے۔ ایک سے دیادہ سند مول کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کول کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کول کی کھی کوروشن کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کول کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کسیا کے دیادہ سند کسیا کے دیادہ سند کی نمائش کی حباس کی حبا

حپار مداحنل اور سات محنارج کاتر کمیبی دور تفکیل دیں جو مہیا کر دہ اعشاری ہندے کو اسس شختی پر د کھائے (حبدول سے سشروع کریں)۔ اعشاری ہندسہ شنائی عسلامتی روپ مسین مہیا کسیاحبائے گا۔ محنلوط دور 4511 بھی کام سسرانحبام دیتا ہے۔

seven segment display"



شكل ٢٩. ٤: ب تي نمي ائثي تختي

d_3	d_2	d_1	d_0	ح	ث	_	ت	_	<u> </u>	ı
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	1	0	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
0	1	0	1	1	1	0	1	1	0	1
0	1	1	0	1	1	1	1	1	0	1
0	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	d	d	d	d	d	d	d
1	0	1	1	d	d	d	d	d	d	d
1	1	0	0	d	d	d	d	d	d	d
1	1	0	1	d	d	d	d	d	d	d
1	1	1	0	d	d	d	d	d	d	d
_1	1	1	1	d	d	d	d	d	d	d

سوال ۱۵٬۱۴٪ انٹرنیٹ ہے سات کلی نسائش شختی کے معسلوماتی صفحات صاصل کریں۔ یہ سات نوری ڈالوڈ کریں۔ یہ سات نوری ڈالوڈ کے مثبت سرپر 1 پر مشتل ہوگا۔ بعض ادوار مسین تمسام نوری ڈالوڈ کے مثبت سرپر 1 مہسیا کرکے روشن کمیاحباتا ہے اور بعض مسین تمسام کے مثبت سر آلیس مسین جوڑ کر مطسلوب نوری ڈالوڈ کا منفی سر پہت کرکے اسے روشن کمیاحباتا ہے۔

اب ٢

معساصر ترتثيبي منطق اور ادوار

منطق میں، عبوماً، دو متف د صورتیں سامنے آتی ہیں، مثلاً، بلند اور پیت، صادق اور کاذہ، صادق اور کاذہ، منطق میں، عبوماً، دو متف دی برقیات میں 1 اور 0 سے ظاہر کیاجہ تاہے۔ یوں، اگر بلند کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ گر تہ پیت کو 0 ظاہر کرے گا، اور اگر بلند کو 0 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کرے گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ کاذب کو 0 قاہر کیاجہ گا۔ گا۔ منطقہ نظام آکتے ہیں۔ اس کتاب میں بلندیاصادق کو 1 جبکہ پیت یاکاذب کو 0 سے ظاہر کرنے کو منظقہ نظام آکتے ہیں۔ اس کتاب میں بہی نظام استعال ہوگا۔

ہم اسس کو اُلٹ کرے 1 کو صف روولٹ (0 V) اور 0 کو مثبت پائج وولٹ (5 V) سے ظاہر کر سکتے ہیں، جو منفی منطقی نظام اکہا تاہے۔

اب تک، ہم شنائی گیٹوں کا مطالعہ کرتے رہے ہیں، جن کا محضارج اُسی لمحہ تبدیل ہو حباتا ہے جس کمھے ان کے مداحضل تبدیل ہونے کے باوجود، محضارج کو مداحضل تبدیل ہونے کے باوجود، محضارج کو ایک ہے۔ جو مداحضل تبدیل ہونے کے باوجود، محضارج کو ایک کار مہاہاتے ہیں، جن کے دومتضاد محضارج ہوں گے۔ اسس قتم کے ادوار پلاھے کار مہاہاتے ہیں، جن کے دومتضاد محضارج ہوں گے۔

پلٹ کارایک شنائی ہندسہ (ایک بٹ) ذخیسرہ کرنے کی صیاحیت رکھتا ہے، البندااس کو **ما فظر '** کے طور استعال کی حب سکتا ہے۔ پلٹ کاراستعال کرتے ہوئے گئنے کار⁴، وغیسرہ تفکیل دیے حب تے ہیں۔ اس باب مسین پلٹ کار اور اس پر مسبنی معاصر ا**دوا**ر پر غور کیا حب کے گا۔ مصاصر ادوار وہ ادوار ہیں جن کے تمام جھے وقت مما کر پستے ہیں۔

positive logic system

negative logic system

flip flop" memory"

counter^a



شكل ٢: كناره حيثرها أبي اور كناره اترائي

السيس الميسول كاروت السيس كار

شنائی ادوار کی کار کردگی پر تبعسرہ کرنے سے پہلے چند تکننے کی اصطبلات جبان ضروری ہے۔ شکل ۱. اسین گین کامخنارج بلند ہو کر دوبارہ پست ہوتا دکھایا گیا، جبال (وقت ل کے ساتھ دائیں رخ جپلے ہوئے) پہلے کمنارے کو کنارہ پڑھائی آیا مثب کنارہ ²، جب کہ دوسرے کو کنارہ اترائی ^۸یامنھی کنارہ ⁹ب گیا۔ محنارج کاحال یکدم تبدیل ہوتا دکھایا گیا، جو درست نہیں۔

برقی آئی گیٹ نہایت بجت ہوتے ہیں، جو محسّاری کو پہنے سے بائد یا بائد سے پہنے بہت کم دورانیوں مسین کرتے ہیں۔ سیہ دورانی کی سخت ہوتے، داحسّلی پنیا سے حسّاری دورانی کی مضرور، لیسکن صف نہیں صف نہیں ہوتے۔ برقی اسشارہ، روسشنی کی رفت ارسے بھی سفسر کرتے ہوئے، داحسّلی پنیا سے حسّاری پنیخ کا۔ نفی گیٹ کا۔ نفی گیٹ مشال بن کر حقیقی دورانیوں پر غور کرتے ہیں (جو باقی گیٹوں کے لئے بھی درست ہوگا)۔ اسشکال پر غور کے دوران یادر کھسیں، وقت بائیں سے دائیں رخ ہوگا، اور تمسام مسلومات اسس حقیقت کو ذہن مسین رکتے ہوئے بیٹس کی حسائیں گی۔

مشکل ۲.۶ مسیں نفی گیٹ کامداحنل (بالائی ترسیم) اور محنارج (نحپلی ترسیم) بیک وقت و کھائے گئے ہیں، جہاں دورانیوں کوبڑھ صاحب ٹرھ کر پیشن کسیا گسیا ہے۔

بلت دے پست حسال پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ اترائی** ااور پست سے بلت پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ پڑھائی** "کتج ہیں۔ان دورانیوں کی پیپ کشش کی وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔دا^{حن}لی برقی امشارہ بھی کی گیٹ سے آتا ہو گا،لہنہ اسے بھی پست ہونے مسیں وقت گزارے گا۔

مداحن تبدیل ہوتے ہی محنارج تبدیل نہیں ہو حباتا، بلکہ کچھ دیر ایوں محسوسس ہوتا ہے جیسے مداحنل کا محنارج پر کوئی اثر نہیں۔مداحنل کے کمنارہ حپڑھائی پر غور کریں۔مداحنل کے بلند ہونے کے بادجود، محنارج کچھ دیر بلندرہتاہے۔ یہ نامتابل قسبول صورت حسال ہے، جس پرعبددی ادوار کے تشکیل کے دوران نظر ررکھنی ضروری ہے۔مداحنل بلند ہونے کے کچھ وقف بعد محنارج نیاحیال افتیار کرتا ہے۔اسس وقف کو دورانیم رد عمل ساتھ ہیں۔دورانیہ رد عمل نایخ کی

rising edge

positive going edge

falling edge

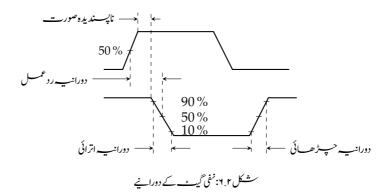
negative going edge

fall time

rise time"

propagation delay"

۱۳۵ ۲.۲. پلے کار



وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔ برقب آتی گیٹوں کے دورانب اترائی، دورانب حب رهائی، اور دورانب رد عمسل، عسوماً، چند نسینوسیکنڈ ہوں گے۔

کار حنانے مسیں گیٹ سازی کے دوران، احب زاء مسیں معمولی سے معمولی و نسرق کی بنا (ایک قتم کے دو) گیٹوں کے دورانے تھی ایک جیسے نہیں ہوں گے۔ان میں ⁹⁰ 10 سیکٹڈ کانہیں تو ¹⁰⁻¹ سیکٹڈ کافٹ رق ضرور ہو گا، جو عمسہ ر سید گی کے ب تھ اورا ستعال کے حبالات (در حب حسرار ہے ، نمی، دیاد، وغیب رہ) سے تب دیل ہوں گے۔

مثق ا. ۲: انٹرنیٹ سے 74xx اور 74Hxx سلماہ کے دورانیوں مسیں منسرق درمافت کریں۔

۲.۲ يليك كار

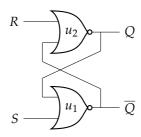
شکل ۲. ۳ مسیں البریر آر" بلٹ کار کا دور اور حبدول پیش ہیں۔ بلٹ کار کو، روایت، مداحسٰ کے نام "اسے پیکاراحیا تاہے، جو بہاں لاطینی حسرون "ایس" ۱۵ اور "آر "اکا ہیں۔ پلٹ کار کے دومتف و محنارج ہوں گے، جنہیں Q اور \overline{Q} سے ظاہر کیا جباتا ہے۔ یوں، اگر محنارج Q کی قیت 1 ہو، تب محنارج \overline{Q} کی قیت 0 ہو گی، اور اگر Q=0 ہو تب

شكل ٣٠١مسين متم جمع گيٺ ١١ كامخنارج، متم جمع گيٺ ١١ كاايك مداحنل، اور ١١ كامخنارج، ١١ كاايك مداحناں ہے۔متم جمع 11 کے محنارج پر نظرر کھیں؛ پ محنارج، 10 کاایک مداحناں ہے،البذااس کے محنارج پر

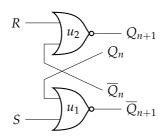
Set-Reset Flip Flop, (SR FF)

الیائے کارکے مداحن انگریزی الفاظ Set اور Reset کے سرحسرف S اور R ہیں۔

S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}	
0	0	Q_n	\overline{Q}_n	بر متسرار حسال
0	1	0	1	پست حسال
1	0	1	0	بلن دحسال
1	1	?	?	ممنوعب حسال



شكل ٢٠.٣: بلن د فعيال مداحسل ايسس آريلي كار



شکل ۲.۴: موجو دہ محنارج سے اگلے محنارج کا حصول۔

اثرانداز ہو گا: کسیکن u2 کامن ان طایک مداحن ہے،جو u1 کے ممنارج پراثرانداز ہو گا؛یوں u1 کاممنارج،خود پراثرانداز ہوگا! اسس عمسل کو**باز**ر ہو ^{سا}کتیا ہیں۔

ایسانشارہ،مشلاً \overline{Q} ،جوخود پراٹرانداز ہو**بازر سی اشارہ**^ا کہا تاہے۔

یہاں Q اور \overline{Q} دونوں بطور بازری اخدارات استعال کے گئے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ Q کی قیمت حبائے کے لئے \overline{Q} کی قیمت معلوم ہونا ضروری ہے، لسیکن \overline{Q} کی قیمت صرف اسس صورت معلوم ہو سکتی ہے جب Q کی قیمت معلوم ہو! آئیں اسس یلنے کار کاحب ول حساص کریں۔

 \overline{Q}_n ، Q_n اور \overline{Q}_n کلسے ہیں۔اب (بازری) مداحنل n اور n کلسے ہیں۔اب (بازری) مداحنل n ، n کودیکتے ہوئے (n+1 وال قسد م گزرنے کے بعد) متوقع محنارج حساصل کرتے ہیں، جنہ میں ہم \overline{Q}_n اور \overline{Q}_n کلسے ہیں۔ اس کی تصوراتی صورت مسئل \overline{Q}_n ، \overline{Q}_n مسین پیش ہے۔ \overline{Q}_{n+1} اور \overline{Q}_n

سیں الائی گیٹ (u_2) کے اگلے مناری Q_{n+1} کو موجودہ مداحنل R اور \overline{Q} کے روپ مسیں کھتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = \overline{R + \overline{Q}_n}$$

جیب آیے نے شکل ۲.۱مسیں دیکھا، گیٹ کامخنارج، دورانیہ رد عمسل گزرنے کے بعید، مداحسل کے تحت حسال

feedback12

feedback signal1A

۲.۲. پلٹ کار

حبدول ۱۰۲:ایس آریلی کار (مساوات ۲.۳۱ورمساوات ۲.۸)

S	R	Q_n	\overline{Q}_{n+1}
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0
		()	

S	R	Q_n	Q_{n+1}
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0
		(1)	

افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ \overline{Q}_n اور مداحن R جب نئی قیمت افتیار کریں، گیٹ کچھ دیر بعب دنئی قیمت Q_{n+1} افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ Q_n اور مداحن کے جب

نحی گیٹ (u₁) کے محنارج کی مساوات درج ذیل ہو گی۔ یہ گیٹ بھی مدا^{حن}ل شبدیل ہونے کے کچھ دیر بعسہ محنارج تبدیل کرے گا۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + Q_n}$$

بالائی گیٹ کی حشارجی مساوات حساس کرنے کی عشیر ض سے مساوات ۲٫۱ کو مساوات ۲٫۱ امسیں ڈال کر مسئلہ ڈی مار کن سے حسل کرتے ہیں۔

(1.7)
$$Q_{n+1} = \overline{R + (\overline{S + Q_n})}$$

$$= \overline{R}(\overline{\overline{S + Q_n}})$$

$$= \overline{R}(S + Q_n)$$

 Q_{n+1} ، اور Q_n ، اور

ای طسرح سشکل ۴.۲ مسیں نحیلی گیٹ کی حضار جی مصاوات حساسل کرنے کی عضرض سے مصاوات ۱.۲ کو مصاوات ۲.۲ مسیں ڈال کرمسئلہ ڈی مار گن سے حسل کرتے ہیں۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + (\overline{R + \overline{Q}_n})}$$

$$= \overline{S}(\overline{\overline{R + \overline{Q}_n}})$$

$$= \overline{S}(R + \overline{Q}_n)$$

ماوت ۲.۲ میں متغیرات \overline{Q}_n ، اور \overline{Q}_n آزاد متغیرات تصور کر کے تابع متغیر \overline{Q}_{n+1} کو حبدول ۲.۱ \overline{Q}_n میں بالت رتیب \overline{S} اور \overline{Q}_n کے روپ میں موجود ہیں۔)

حبدول ۱.۱-الف اور ب کو S اور R کی قیتوں کے لحاظ سے حپار حصوں مسیں تقسیم کیا گیا۔ پہلے حسہ مسیں S=0 اور S=0 کی قیت S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0 کی قیت میں ایس آر پلانے کار "بروت رارحال" ہوگا۔ جبدول – بسمیں O کی قیت ، جبدول – الف مسیں O کی قیت ، جبدول – الف مسیں O کی قیت کی متم ہے ۔ ہم حیاتے بھی ہی ہیں ہیں (کہ پلٹ کار کے دو محتار ج آپ سے متن دہوں)۔

دوسرے حصہ مسین S=0 اور R=1 ہے، جب کہ Q_{n+1} پیسے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں، ان مداحن کے لئے ایس آر پیسے کار" پیسے حال" ہو گا۔ یہاں بھی (حبہ ول-الف اور بے تحت) نئے محنارج ایک دوسسرے کے متعنا د ہیں۔ Q_{n+1} بیں۔ Q_{n+1} بیں۔

تیسرے حصہ مسیں S=1 اور R=0 ہے،جبکہ پلٹ کار "بلت دحال" ہے۔

چوتھے حسہ مسیں S=1 اور R=1 ہے، جب کہ حب دول کے تحت Q_{n+1} اور Q_{n+1} وونوں پست ہیں، جو ہم نہسیں حب ہے، ہم کہتے ہیں پلٹ کار "ممنوعہ حسال" (مسیں) ہے۔ پلٹ کار کی صحیح کار کردگی کے لئے یہ مداخنل "ممنوعہ مستورا دے حب تے ہیں۔ پول S اور S اور S ایکھے بلٹ د نہسیں کے حب تے۔

ان حت اُق کو مشکل ۳.۲ کے حبدول مسیں پیش کسیا گسیا (جو پلٹ کار کا حبدول لکھنے کا درسی طسریقہ ہے)، جہاں آ منسری صف مسیں ? لکھ کرواضح کسیاحیا تاہے کہ ان صف کے مداحن استعال سنہ کے حب میں۔

ایس آرپیٹ کارکھ کارکر دگھ

	SR	Q_{n+1}	
	00	Q_n	بر فتسرار حسال
(4.4)	01	0	پست حسال
	10	1	بلندحسال
	11	?	ممنوعب حسال

پائے کارکی بات کرتے وقت Q کی قیت کو پائے کار کا مالی 11 تین ۔ یوں Q=1 کی صورت مسیں پائے کار بلند مالی 11 یاصاد ق مالی 12 باسائے گا۔

حبدول سے ظاہر ہے کہ جب S بلند ہو، پلٹ کار بلند حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں، مداحنل S ، بلند صورت مسیں فعال S ، مار مسل کہ وہ مداحنل جو بلند صورت صین فعال S میں بات ہے۔ جب بلند فعال مداحنل، پیت ہو، مشان S ، ہم کتے ہیں ہے غیر

state

high state

true state

low state

alse state

active"

active high ra

active low"

<u>۳۹۰ با ع- --</u>

فعال السين) ہے۔ یوں اسس پائے کار کابہتر نام بلند فعال مداخل ایس آرپلے کار ہوگا۔

پلٹ کارخود اسس صورت فعب ال کہا تاہے جب Q=1 ہو۔ پست فعب ال مداحت اور محت ان \overline{Q}) کے نام پر لکسیر کھنچ کر اسس کی پیت فعب ال حیثیت واضح کی حب تی ہے؛ مسندید، پلٹ کار کی عملامت مسین پست فعب ال (مداحت ال اور محت ان کی پیت فعب ال (مداحت ال اور محت ان کی پیت فعب ال (مداحت ال محت ان کی پیت فعب ال کی خارج) بنوں پر گول دائر داگیا جب تاہے ، جو ان کا پیت فعب ال پن ظام کر کر تاہے (مشکل ۲۰۷۱ کے کھسین)۔

پلٹ کارے دونوں مداحن عسام طور خیر فعال رکھ حبائیں گے؛ یوں موجودہ پلٹ کارے مداحن پست رکھ حبائیں گے۔ یوں موجودہ پلٹ کار کے مداحن پست رکھ حبائیں گے۔ یا لئے کاربلند (فعسال) کرنے کے لئے کارادہ ایک کے واپسس پست (فعیس ناتے۔ پہلے سے بلند حسال پلٹ کارہ ای حسال مسیں رہے گا، جبکہ پست پلٹ کارہ امشارہ مطتے ہی بلند حسال اختیار کرے گا۔

اس طسرح پلٹ کار کاذب (پیس) حسال کرنے کے لئے R ایشارہ کمحیاتی فعمال کیا حباتا ہے۔

مداخنل S کوفعال کار^مداخنل جب، R کوغیر فعال کار۹مداخنل کہ۔ سے ہیں۔

آ پ نے دیکھ، پلٹ کار در حقیقت مداحن کا (بلٹ یاپست) حسال محفوظ کرتا ہے۔ یوں اگر مداحن اسٹ ارہ لمحساتی فعسال ہونے کے بعید عنب رفعی ال ہوجیائے، پلٹ کار (اگلے نے اسٹ اربے تک) اسس کاحسال محفوظ رکھتا ہے۔

۳.۳ ساعت

عبد دی ادوار کی ایک فتم جو ہم عصر ۳ ادوار کہاتے ہیں کو، عسوماً، مقسر رہ دورانے کا مسلسل دہر اتا داخنلی امشارہ در کار ہوگا، جو ساعت استارہ سنگل ۲.۵ مسیں پیش ہے۔اگر حیب اسس طسرح کی امشکال مسین دورانیہ حیث خیار مسائل مسین دورانیہ کی حیث خیار مسین کی حیث کی آپ ان کی موجود گی ہر وقت ذہن مسین رکھیں کے اسٹارہ سائل اور دورانیہ اترائی نہیں دکھائے حیات، امسید کی حیاتی ہے کہ آپ ان کی موجود گی ہر وقت ذہن مسین رکھیں گئے۔

ہم عصب رعب دی دور ، مہیا کر دہ ساعت کے **تعدد ^{۳۲} ک**ی رفت ارسے چلت ہے ، اور اسس کے مختلف جھے ، ساعت کے کسنارہ اترائی یاکسنارہ حپڑھ سائی پر بیک وقت حسال تب دیل کرتے ہیں۔ گویا، ہم عصب ردور ساعت کے ساتھ وقت م ملا کر چلت ا ہے۔

سشکل ۵.۹ مسیں اوپر حبانب کن رہ حپڑھ اُنی کا گسنتی، جبکہ نیچ جبانب کن رہ اترائی کی گسنتی دی گئی ہے۔ ساتھ ہی، **دوری عرصہ t_H، اللہ** T اور t_H ، t_H کی است رورانیے برابر بھی ہو سے میں۔ ہمیشہ کی طاہر کیا حباتا ہے۔ یوں t_H t_H t_H ، وگا۔ ساعت کے بلند اور پہت دورانے برابر بھی ہو سے میں۔ ہمیشہ کی

inactive 12

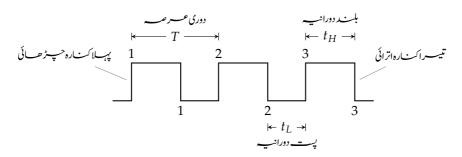
set input^{ra} reset or clear input^{ra}

synchronous clock

frequency

time period

high time, ON time



شکل۲.۵:ساعت

طسرح، تعبد دf اور دوری عسر صه T کا تعباق درج ذیل ہے، جہباں T کی اکائی "سیکنڈ" اور f کی اکائی ہر ٹرد" ہے $f=rac{1}{T}$

س عستی امشارہ مختصر أما عرضے پاراحب تا ہے۔ ساعت سے مسراد متواتر تب یل ہو تا امشارہ، یا اسس کا بلند، یا پیست دورانسیہ، یا حیث برقار آئی کسنارہ ہو گا۔ مستن سے اسس کا مطابوب مطلب واضح ہو گا۔ جہاں عناط فنمی کا امکان ہو، وہاں وضاحت کی حب کے گی۔

اعت کی بات کرتے ہوئے عصوماً ساعت کی دھڑ کونے کا (جس کو مختصراً دھڑ کونے کہتے ہیں) کاذکر ہوگا، جہاں دھٹر کن سے مصراد ساعت کا بلند دھ۔ ہوگا۔ یہ اصطبال کی بھی انشارے کے لئے استعال کی حباستی ہے جہاں اسس سے مصراد منتظیل باریک (کم دورانی) انشارہ ہوگا۔ بلند دھٹر کن کے عملاہ ہیں۔ دھٹر کن اور منفی دھٹر کن بھی ہو سے ہیں۔

۲۰۴ متم ضرب گیٹ ایس آریلٹ کار

سشکل ۲.۱ مسیں متم خرب گیٹ پر مسبنی پہت فعال مداخل الیر آر پلٹ کار ۲۰ و کھایا گیا ہے۔ سشکل ۲.۷ مسیں بلند نوب ال بلند نوب ال مداحنل اور پست نوب ال مداحنل ایس آر پلٹ کار کی عسلامتیں پیش ہیں۔ پست نوب الشارات، کے بائر کر آتے ہیں۔ نام پر ککسیر (\overline{Q} ، \overline{Q}) اور ان کے پنیوں پر گول دائرے ان کے پست نوب ان بی خساہر کرتے ہیں۔

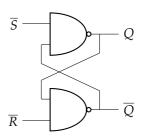
پلٹ کارے مختارج Q اور Q آلپس مسیں متعنباد (اُلٹ) حسال رہتے ہیں۔ آئیں اسس پلٹ کار کی کار کر دگی، دو سسرے اُنظے، نظے رہے دیکھیں۔

Hertz, Hz

pulse

active low inputs SR flip flop "A

\overline{S}	\overline{R}	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}	
0	0	?	?	ممنوعب حسال
0	1	1	0	بلند حسال
1	0	0	1	پست حسال
1	1	Q_n	\overline{Q}_n	برنتسرار حسال



شكل ٢.٢: پيس فعال مداحنل ايس آرپل^س كار





(__) پیسے فعبال مداحنل ایس آریلٹ کار

(۱) بلن د فعال مداحنل ایس آریلی کار

شكل ٢: ايس آر پلاك كاركي دوعامتين

۱.۴.۱ عنب رفعال مداحنل پلٹ کار، حسال برفت رار رکھتاہے

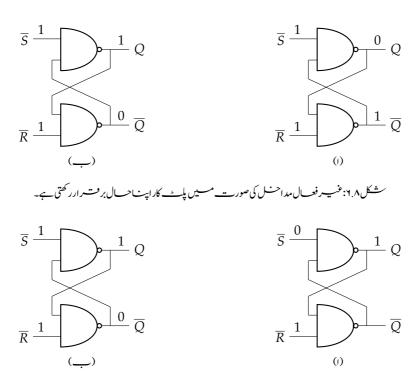
ونسرض کریں پہنے ایس آر پلٹ کارے مداخنل غیر فعال میں، یعن Q=1 ، Q=1 ، Q=1 اور Q=1 میں (مشکل ۸۰۸-الف)۔ یوں، بالائی متم ضرب گیٹ کے مداخنل 1 اور 1 میں، لہذااس کامداخنل 0 ہوگا،جو وہ پہلے سے ہے۔ ای طسر رخیلے متم ضرب گیٹ کے مداخنل 0 اور 1 میں، لہذااس کامناری 1 ہوگا،جو وہ پہلے ہے۔ ہے۔

 $\overline{R} = 1$ ، $\overline{Q} = 0$ ، Q = 0 ییں، لین ایس کی بین کی اور $\overline{R} = \overline{R}$ اور $\overline{R} = \overline{R}$ بین (شکل ۲۸۰ بین کریں بلند پلٹ کار کے مداحسٰل 1 اور 0 ہیں، لہذااسس کامداحسٰل 1 ہوگا، جووہ پہلے سے ہے۔ ای طسر تیسل کے مداحسٰل 1 اور 1 ہیں، لہذااسس کامیسارج 0 ہوگا، جووہ پہلے سے ہے۔ ای طسرت نحیلے متم ضرب گیٹ کے مداحسٰل 1 اور 1 ہیں، لہذااسس کامیسارج 0 ہوگا، جووہ پہلے ہے ہے۔

سٹکل ۸.۸ کی دونوں صور توں پر غور کرنے ہے معسلوم ہوا کہ غیر فعالی مداخل کی صورہ میں پلیہ کار اپنا عالی بر قرار رکھتا ہے۔ سٹکل ۲.۸ مسیں حبدول کی آمنسری صنب اسس حقیقت کو بسیان کرتی ہے، جہاں (آگلامسال) Q_{n+1} موجودہ Q_n موجودہ برابر ہوگا۔

۲.۴.۲ مداحنل S فعال کرنے سے پلٹ کاربلند حال اختیار کرتاہے

تصور کریں ایس آرپلٹ کار کامداحن \overline{S} ، ایک لحب فعال کرنے کے بعد دوبارہ غیب رفعال کمیاحباتا ہے، یعنی لحب آق طور $\overline{S}=\overline{S}$ کمیاحباتا ہے۔ بالائی متم خرب طور $\overline{S}=\overline{S}$ کمیاحباتا ہے۔ بالائی متم خرب گیٹ کا کوئی مداحنل بہت ہوئے کی صورت مسیں اسس کا محنارج بلند ہوگا، لہذا $\overline{S}=\overline{S}$ کی صورت مسیں بالائی گیٹ کا کوئی مداحنل بہت ہوگا، جیب شکل مسیں دکھیا گیٹ کے ایک ایک دونوں گیٹوں کی گزشتہ قیمتیں اسس حقیقت پر گیٹ کا محنارج بلند ہوگا، گیٹوں کی گزشتہ قیمتیں اسس حقیقت پر



اثرانداز نہیں ہوں گی)۔ یوں نحیلے گیٹ کے دونوں مداحن بلند، البندامین رجیست $\overline{Q}=0$ ہوگا۔ مداحن واپس غیسر فیسال $\overline{Q}=\overline{Q}$ کرنے سے مسکل - بسمتی ہے، البندا پلٹ کار کاحسال ($\overline{Q}=0$ اور $\overline{Q}=0$) برمتسرار رہے گا۔ یوں مداخلی $\overline{Q}=0$ فیصل کرنے سے الیہ آر پلٹے کار بلند حالی افتیار کرتا ہے۔

 \overline{S} نعبال کسا گیا ہے۔

 \overline{R} مداحن \overline{R} ف الرخے سے پلے کارپست حال اختیار کر تاہم درج ذیل مثق میں آیے ہے ہی ثابت کرنے کی درخواست کی گئے ہے۔

مثق ۲۰: ثابت کریں کہ $\overline{S}=1$ رکھتے ہوئے، کمحت تی طور $\overline{R}=0$ کرنے سے ایس آرپلٹ کارپہرہ مالی اختیار کر تا ہے۔

۲.۵ زیاده مداخل پلٹ کار

۲.۴.۴ حسال دوڑ

ایس آرپلٹ کار کے دونوں مداحن ہیکوقت پیس کرنے کی احبازت نہیں، چونکہ ایک صورت مسیں پلٹ کار غیبریق پنی حسال اختیار کرتا ہے۔ دیکھتے ہیں، ایپ کیوں ہوگا۔

سشکل ۲.۲ پر نظر رکھتے ہوئے آگے بڑھسیں۔تصور کریں پلٹ کارکے دونوں مداحن بیک وقت پست (فعال) کرنے کے بعد دوبارہ بلٹ دار منسب فعال) کیے حیاتے ہیں۔ایب کرنے کے بعب دہم حیبانٹ حیاتے ہیں بیٹ کارکس حیال ہوگا۔

دونوں مداحن ہیکوقت پیسٹ کرنے سے (بالائی اور نحیلے متم ضرب گیٹ کے محنار نی بلند ہوں گے، اہلنذا) پلٹ کار کے دونوں محنار نی بیک وقت بلند ہوں گے، جو نافت ابل فتسبول صورت ہے: پلٹ کار کے محنار نی Q اور Q کا آپس مسیں متضا در ہنا ضروری ہے۔

رونوں مداحنل ہیں۔ وقت یکدم واپس بلند کرنے سے گینٹوں کے محناری (یکدم حمال تبدیل نہیں کرتے، صفحہ ۱۳۵ پر حضل ۲۰۱۸ دیکھیں، بلکہ) نے حمال کی طسرون روان ہوتے ہیں، لیسکن، جب تک ان کے محناری نے حمال اختیار نہیں کرتے، دونوں گینٹوں کے دونوں مداحنل بلند ہوں گے (مضلاً \overline{S} بلند کر دیا گیا ہے، اور فی الحمال \overline{Q} نے حمال کا تک نہیں پہنچپ، لہذا ہے بھی بلند ہے؛ یوں بالائی گیٹ کے دونوں مداحنل بلند ہیں) کہ دونوں گیسٹوں کے دورانیوں مسیں وضد ق (جو وقت اور حمالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی طسرون گامنزن ہوں گے۔ گینٹوں کے دورانیوں مسیں وضد ق (جو وقت اور حمالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی بند کا مداحنل ہونے کی وجب سے کو دونوں مداحنل تک ، دوسرے گیٹ ہے کا رکے دونوں گیسٹوں کی دونوں مداحنل ہونے کی وجب سے کا دی کو بلند در ہنے پر محببور کرے گا۔ یوں اگر جپ پلٹ کا رکے دونوں مداحنل غیسر فعال کرنے سے سال ہو گا۔ ایس آر پلٹ کا رکے دونوں مداحنل فعال کرنے کی بعد دوبارہ ہیکوقت عبید فعال کرنے بیٹنے کے دوئر پر محت رہاں ہوگا۔ ایس کو طاق ووڑ ⁷⁷ کہتے ہیں۔ حمالت دوڑ پر محت رہاں ہمی مضرب گینٹوں کے نی خور کیا ہیں۔ ہم پلٹ کا رکو حمالت دوڑ مسیں ڈالنے سے گریز کرتے ہیں۔ حمالت دوڑ پر حصہ ۱۱.۱۔۳ مسیں تفصیل سے غور کیا ہیں۔ ہم پلٹ کا رکو حمالت دوڑ مسیں ڈالنے سے گریز کرتے ہیں۔ حمالت دوڑ پر حصہ ۱۱.۱۔۳ مسیں تفصیل سے غور کیا

سے کل ۱۰ امسیں پیش حبدول کی پہلے صف مسیں پلٹ کاربلٹ (Q=1) اور مداحسل غیب رفعسال ہیں۔ صف در صف نیج حسلتے ہوئے دیکھ میں مداحسل سبدیل کرنے سے پلٹ کار کسیاحسال اختیار کرتا ہے۔ (مداحسل کسی حساس ترتیب سے نہیں ، بلکہ پلٹ کار کی کار کردگی کی ایک مشال دیکھنے کی عضرض سے تبدیل کیے گئے۔)

 $\frac{1}{2}$ و \frac

۲.۵ زیاده مداحتل پلٹ کار

پلٹ کارے مداحنل دوسے زیادہ ہو سکتے ہیں، جیس شکل ۱۱.۱۱ مسیں دکھسایا گسیا ہے۔ یہساں بلنند کار مداحنل کی تعبداد دو ہو ہے، جنہ میں \overline{S}_b اور \overline{S}_b کہا گسیا ہے، جبکہ پست کار مداحنل ایک ہے۔ عمام طور شینوں مداحنل بلند (غیسر فعسال) رکھ حبائیں گے۔ پلٹ کار بلند حسال کرنے کی حناطسہ \overline{S}_a یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست فعسال) رکھ حبائیں گے۔ پلٹ کار بلند حسال کرنے کی حناطسہ \overline{S}_a یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست

race condition"

		\overline{S}	\overline{R}	Q	حال
$\overline{S} \ \overline{1} \ 0 \ \overline{1} \ 0 \ \overline{1} \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ \overline{1}$	5 V	1	1	1	بلند
3 10101111101	0 V	0	1	1	بلن رہے گا
	F 3.7	1	1	1	برفتسراد
\overline{R} 1 1 1 1 0 0 1 0 1 1 1 1	5 V	0	1	1	بلند رہے گا
	0 V	1	0	0	پـــ
	EV	1	0	0	پست رہے گا
Q 111100000011	5 V	1	1	0	برفت رار
	0 V	1	0	0	پست رہے گا
	5 V	1	1	0	بر فت سرار
$\overline{\mathbb{Q}} \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0$		1	1	0	بر فت رار
	0 V	0	1	1	بلبند
		1	1	1	بر فتسرار

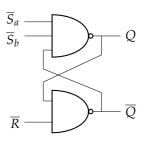
مشکل ۱۰:۱یس آریلٹ کارکے استعال کاحبہ ول اور ترسیات

(فعال) کیا جبائے گا، جبکہ پلٹ کارپیت حسال کرنے کی حناطسر \overline{R} ایک لمحہ کے لئے فعال کیا حبائے گا۔ حسال دوڑ سے بجنے کے لئے ضروری ہے کہ \overline{R} کے ساتھ باتی دومداحشل مسین سے کوئی ایک (یادونوں) اکٹھے فعال نہ کیا جبائے۔

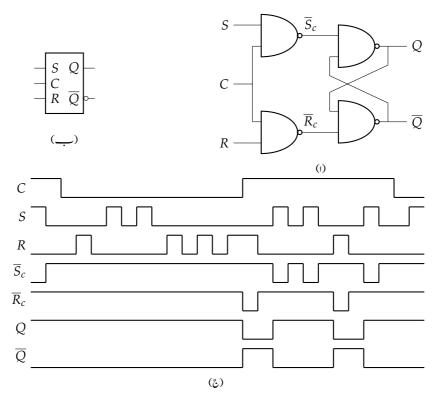
۲.۲ متابل محباز ومعسذور پایش کار

سشکل ۲۰۱۷ کی ترسیات سے واضح ہے ،مداحن شب دیل کرتے ہی پلٹ کارنسیاحسال اختیار کرتا ہے۔اسس حصہ مسیں الیک پلٹ کارپر غور کسیاحباۓ گاجس کے مداحن کو پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز ہونے سے روکاحب اسکا ہو۔ سشکل ۲۰۲۱ الفسے پر غور کریں جہاں دومتم ضرب گیٹ کے اضاف ہے وشابل وسابو پلٹ کارحساس کسیا گسیا، جس کے (بلٹ دفسال)

\overline{S}_a	\overline{S}_b	\overline{R}	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	0	0	?	?
0	0	1	1	0
0	1	0	?	?
0	1	1	1	0
1	0	0	?	?
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	Q_n	\overline{Q}_n



شکل ۲۰۱۱: زیاده مداحن ایس آرپلی کار



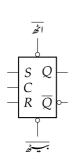
مشكل ٢٠١٢: محساز ومعسد وربلت دفعسال مداحس لا يلس آريلي كار

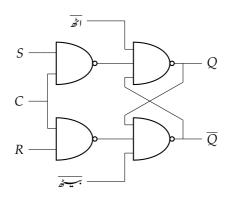
مدا حسل S اور R ہیں، جنہسیں عسام طور غنیہ رفعال (پست) رکھا حباتا ہے۔ پلٹ کار کی عسلامت مشکل - ب بھی پیش ہے۔ پیش ہے۔

اصن فی گیٹ کے محتاری کو \overline{S}_c اور \overline{R}_c کہا گیا، جبکہ گیٹوں کو تابو کار اہشارہ C منسراہم کیا گیا۔ محباز و معتذور بین نے والا اصابو کار اہشارہ \overline{S}_c اور \overline{R}_c مداحت معتذور ہوتے ہیں، \overline{S}_c اور \overline{R}_c ہیں، اور پلٹ کار اپنا حسال ہر محترار رکھتی ہے۔ متابو کار اہشارہ بلند (محباز) کرنے سے پلٹ کار کے مداحت کی اور \overline{R}_c مورائر انداز ہوتے ہیں۔

سے کل - ج سیں محباز و معید فور فت ابو کار احشارہ C کی کار کر دگی واضح کی گئی۔ جب تک یہ احشارہ پیت (معید ور) رہے، \overline{S}_c اور \overline{R} بلند ہیں۔ احشارہ C بلند کرنے کے بعد S اور R پلٹ کار کاحسال تبدیل کرنے کے فت بل ہیں۔ یہ پیٹ کار مجاز و معذور بلند فعالی مداخلی الیہ آریلے کار کہا تا ہے۔

بعض اوت ___. پلٹ کارے عصومی مداحن استعال کیے بغیبر، ہم پلٹ کار کاحب ال خود تعین کرناحپ ہے ہیں۔ عصوماً، پلٹ کار کا ابت دائی حسال متخب کرنے کے لئے ایب کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۲۔ ۱۳ مسین دومسزید مداحن ، آٹھ اور جستھ ،





شكل ١٣: الله بيله صلاحيت يلك كار

مہائے گئے ہیں، جنہ میں یہ ہے کرکے بلٹ کار کوبالت رتیب زبر دستی بلند اوریت کسیاحیا سکتاہے۔

٢.٧ آ تاعنلام پلاك كار

گزشتہ حسبہ مسین محباز و معیذور بلند فعیال مداحشل ایس آر پلٹ کار پر غور کیا گیا۔ سشکل ۱۳.۹ مسین ایسے دو پلٹ کار (پہلا آت اور دوسسراعشلام کہلاتاہے) اور ایک نفی گیٹ ہے آقا غلام پلٹے کار '' تشکسیل دیا گیا۔ آت کے محساری، عنلام کے مداحشل ہیں۔ مسزید C پر اشارہ ساعتے اسمہیا کیا گیاہے۔

جتنی ویرساعت \overline{Q}_a بلندرہے، آت کے مداحن محباز، لہذا محناری Q_a اور \overline{Q}_a وتابل تبدیل ہوں گے۔ عنلام کو C کا متم \overline{C} محباز ومعی زربت تاہے، لہذا ہا جتنی ویر آت امحباز ہو، عندام معیذور (لہذا برفتسر ارحبال) ہوگا۔

جس لمحہ ساعت پہت ہو، آمت ای لمحہ کے حسال مسیں رہ حب نے گا، اور عندام محباز ہو کر فوراً آمت کے محنار ج کے مطابق حسال اختیار کر لے گا۔ یوں، عندام ہر وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے ہو اور Q_a تب یل نہسیں ہو کستے، لہذا عندام حسال تب یل نہسیں کرے گا۔

آپ د کھ سے ہیں، عندام پلٹ کار صرف اور صرف ساعت (C) کے کسنارہ اترائی پر حسال تبدیل کرتا ہے، جس کی وجب سے کنارہ اترائی پر عمل کار آقا فلام پلٹ کار اس کہا ہاتا ہے۔ ساعت کے کسنارہ اترائی پر تسیر کانشان اسس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کا کسنارہ (اترائی)، پلٹ کار کی لمبھی سے بہ جے پست کرنے ہے، پلٹ کار داختلی اسٹارے کا مکس لیتا ہے۔

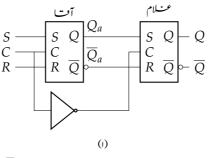
master slave flip flop ".

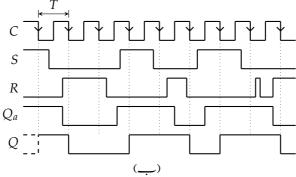
clock

negative edge triggered Master Slave flip flop

trigger

١٩٤. آفت عمث لام پليث كار





شکل ۱٫۱۳: ساعت کے کن ارواز انی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار

بدول ۲۰۲: کسن اره اترائی پر عمسل کار آ مت عندام پلیہ کار	حب
--	----

С	S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	х	х	Q_n	\overline{Q}_n
1	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	Q_n	\overline{Q}_n
\downarrow	0	0	Q_n	\overline{Q}_n
\downarrow	0	1	0	1
\downarrow	1	0	1	0
\downarrow	1	1	?	?

پلٹ کار کو پہلی مسرت برقی طباقت منسراہم کرنے ہے، حسال دوڑ پیداہو گی جس کے اختیام پر پلٹ کاربلٹ دیاپیت ہوگا۔ شکل مسیں پہلے کسنارہ اترائی ہے قبل Q مہم و کھایا گیا ہے (ساب دار جس)، جو اس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ہوساعت کے اول کسنارہ اترائی پر فعال S کے تحت آت عندام پلٹ کاریق پنی طور پر بلند حسال اختیار کرتا ہے۔ (شکل ۲۔ ۱۳ مسیں اٹھ بسٹے و سابواٹ ارات اسس طسرح مہم صورت ہے نمٹنے کے لئے ہیں۔)

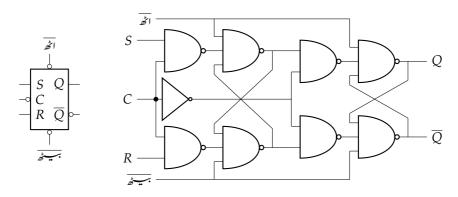
سنگل ۲. ۱۳ مسیں ساعت کے آٹھویں کنارہ اترائی کے بعد پست ساعت کے دوران R بلند ہو کر واپس پیت ہوتا ہے، جو آت عندام پلیٹ کار کوبلند پاپست کرنے کے لئے، موتا ہے، جو آت عندام پلیٹ کار کوبلند پاپست کرنے کے لئے، موروں ہے کہ داختلی احشارات S اور R کی مخصوص دورانیے سے زیادہ وقت کے لئے فعدال ہوں۔ داختلی احشارہ اس صورت کر دار اداکر تا ہے، جب بلند ساعت اسس کا عکس محفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ L (شکل صورت کردار اداکر تا ہے، جب بلند ساعت اسس کا عکس محفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ کی صورت میں بھی اس کے کہ ادارہ ازائی ہے فورائیسہ فعدال ہونے کی صورت میں بھی سامت کی اور ایس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایس صورت میں بھی سامت کی اگل بلندی تک فعدال رہے گا، لبندا آقت عندال م پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایسی صورت میں عدین مسکن ہے، کسارہ اترائی پر کوئی مداخت کی فعدال نے ہو (شکل ۲. ۱۳ مسیں چھٹ کندارہ اترائی دیکھیں)، البندا، عبدین کندرہ اترائی کے لئے موجود مداخت کی محداث کی مداخت کی مداخت کی گا، جس کے مداخت کی گا، جس کے مداخت کی بھیش کیا۔ ورک عدر مصرف کے مداخت کی مداخت کی بھیش کیا۔ ورک عدر مصرف کے مداخت کی مشرط مطاخ نہیں۔

حبدول ۲.۲ مسیں کسنارہ اترائی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار پیش ہے، جہاں ساعت کے کسنارہ اترائی پر پلٹ کار (نسیا)حسال افتیار کر تاہے۔بلٹ مداوریت ساعت کے دوران، پلٹ کار حسال برفت رارز کھتاہے۔

بعض اوت ت. ، پلٹ کار کاحبال، کنارہ ساعت کا انظبار کیے بغیبر، تبدیل کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۱۵.۱ مسیں (در کار مصی معتامات پر تین مداحنل متم ضرب گیٹ استعال کرتے ہوئے) آفت اعتلام پلٹ کار مسیں پیت فعبال مداحنل آٹھ اور بسیٹھ کااضاف کر کے ایمی پلٹ کار تفکسیل دیا گیا ہے۔ (برقی تاروں کی تعب داد بہت بڑھ گئی ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ ۳۵ پر شکل ۱۳.۱۱ یک مسرتب دوبارہ دیکھیں۔) عمام طور انہیں غیبر فعبال رکھا حبائے گا، البت، جب ضرورت پیش آئے، انہیں استعال کرتے ہوئے، ساعت کے کنارہ اتر آئی کا انتظار کیے بغیبر، پلٹ کار کا حیال مسرضی کے مطبابق منتخب کیا جباسے گا۔

شکل مسیں منفی کنارے پر علی کرنے، اور اٹھ پیٹھ صلاحیہ کے ، آقا غلام پلٹے کاری علامت بھی پیش ہے،جبال

۲.۸ . ڈی پائے کار



شکل ۱۵. ۲: اٹھ سیٹھ صلاحیت رکھنے اور منفی کن اربے پر عمس کرنے والا آفت اعتلام پلٹ کار

ساعت (C) پر گول دائرہ منفی، اور تکون کنارے کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں اسس سے مسراد "ساعت کے منفی کنارے پر عمسل پسیر راہونا"لسیا حیائے گا۔

۲.۸ وی پلیٹ کار

۱.۸.۱ آت اعتلام یلٹ کارسے حساس کر دہ ڈی یلٹ کار

آمت عندام پلٹ کارے ساتھ نفی گیٹ شلک کرے ڈی پلٹ کار میں سال کیا جب تا ہے، جو شکل ۱۹.۲ میں پیش ہے۔ پلٹ کار کاری عسال میں اس کی وائرہ اور پیش ہے۔ پلٹ کار کی عسالمت میں اس وائرہ اور کیا ہے۔ پلٹ کار کی عسالمت میں میں اس کی وائرہ اور کیا ہے۔ پلٹ کاری عسالم کرتے ہیں (شبت کن رہ صوف تکون سے ظاہر کیا حب اتا ہے)۔ مداخش D پر کم از کم ایک دوری عسرمہ (T) بلٹ دیا ہیت رہنے کی مشرط مسلط ہے۔

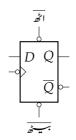
پلٹ کارکی کارکرد گی کا جدول بھی شکل ۱۲.۲ مسیں پیش ہے، جس کے تحت، بلندیا پیسے ساعت کے دوران، مداحنل D، پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز نہیں ہوگا۔ پلٹ کار (سرنس) ساعت کے کسنارہ اترائی پر D دکھ کر (نیا) حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں اسس کانام کنارہ اترائی پر علی کارڈی پلٹ کارٹ ہوگا۔ ساعت کونفی گیٹ سے گزار کرکنارہ پڑھائی پر علی کارڈی پلٹ کار ''حساسل ہوگا۔

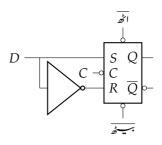
سشکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی کار کردگی کی مشال پیش ہے۔ آت عندام پلٹ کارے R مداحنل سے چھٹکاراحسا سسکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی صورت "حسال دوڑ" سے دو حیار نہیں ہوگا۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی سے قبل، پلٹ کارکاحسال مبہم ہے، جس کوسیاہ کر کے (بلٹ دوپیت دونوں) دکھیایا گیا ہے۔

D FF

negative edge triggered, D flip flop rositive edge triggered, D flip flop

С	D	Q_{n+1}
0	x	Q_n
1	\boldsymbol{x}	Q_n
\downarrow	0	0
\downarrow	1	1

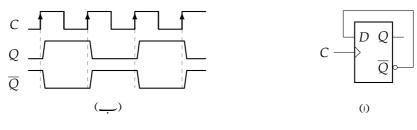




شکل ۱۶.۱۲ آفت عندام سے حساصل ڈی پلٹ کار



۲.۹ . ۋى پلىٹ كار



شکل۲.۱۸: تعدد دوسے تقسیم کیا گیا

شکل ۱۸.۱ میں گنارہ پڑھائی پر عمسل کارڈی پلٹ کارکا \overline{Q} مداحنل D ہے جوڑ گر، پلٹ کارکو ساعت \overline{Q} ہندا ہم کی گئی۔ شکل ۔ ہنگل - ہند میں ساعت کے اول کنارہ حپڑھائی پر توجہ دیں۔ یہاں $\overline{Q}=\overline{Q}$ ہوگا اور ساعت کے کنارہ حپڑھائی پر پلٹ کاراس کا عکس محفوظ کرتے ہوئے بلند حیال افتیار کرتی ہے۔ پلٹ کار کا محنارج \overline{Q} کی جہد نیاحال $\overline{Q}=\overline{Q}$ افتیار کرے گا، لیکن اس وقت تک ساعت کا کنارہ گزر چکا ہوگا۔ کا محنارج \overline{Q} کی کھنارہ حپڑھائی پر $\overline{Q}=\overline{Q}$ دکھ کہ پلٹ کارپست ہوگا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ \overline{Q} (ای \overline{Q}) کا تعدد ساعت کے تعدد کا نصف ہے۔

کن ارہ اترائی پر عمسل کارپلٹ کارکے استعال مسیں اسس بات کو یقسینی بناناضروری ہے کہ مداحسٰل، ساعت کے کن ارہ اترائی کے دوران، تبدیل سنہ ہو۔ حقیقتاً، کن ارہ اترائی کے آغن ازے چند لحسات قببل سے لے کر، کن ارہ گزرنے کے چند لحسات بعب تک ، مداحسٰل D کابر وسرار ایک حسال مسیں رہنا ضروری ہے۔ ان لحسات کو بالسسرتیب وورانیہ تعلیم کارگرفت میں۔ دورانیہ تعلیم کارگرفت میں۔ دورانیہ تعلیم کارگرفت کارکرفت کار مہیا کرتے ہیں۔ دورانیہ تعلیم کارگرفت کارکرفت کارکرفت کی معسلومات پلٹ کارکے تحنیق کار مہیا کرتے ہیں۔ کن رہ حسال کارپلٹ کارکی صورت میں مداحسٰل کو دوران حیر عدی کی تبدیل نہیں ہونے دیا جباتا۔

۲.۹ ڈی پلٹ کار

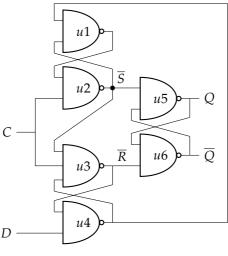
گزشتہ حصہ مسیں آفت عندام پلٹ کارے ڈی پلٹ کار صاصل کیا گیا، جس کے مداحن پر، کم از کم ایک دوری عسر مصہ دورانی ہے کئے حسال برقت رار رکھنے کی مشہر ط مساط ہے۔ مشکل ۱۹۱۲ مسین نسبتاً بہت ، (کسنارہ حسور ط مان کی پرعمسل کار) ڈی پلٹ کار پیش ہے، جو واقعی، ساعت کے کسنارہ حسیر ط مانی پر (نب) حسال اختیار کرتا ہے، اور جو وسلج پیمانہ مخلوط ادوار ۲۹ مسین باکشیرے مستعمل ہے۔

 u^2 ، u^3 ، u^3 ، u^3 ، u^3 ، u^4 ، u^4

setup time "2

hold time"

very large scale integration (VLSI) "9

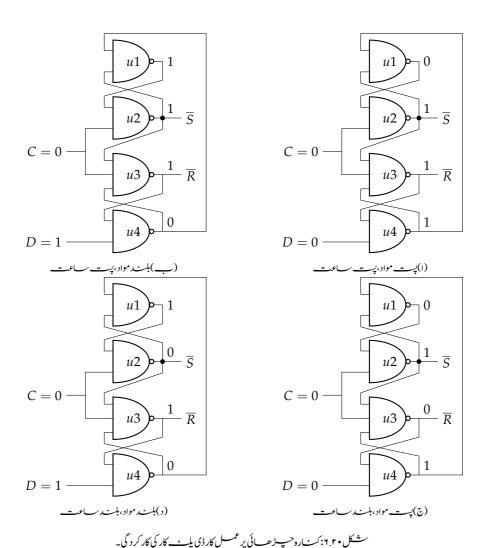


شکل ۲.۱۹: کن اره حب رهائی پر عمل کار ڈی پائے کار

تعبین کرتے ہے۔

کنارہ حپڑھائی ہے قبل ایک غیبر مہم وقت کے لئے، جو دورانیہ تیاری کہااتا ہے، مداحنل D کی قیمت لازماً مستقل رکھنی ہو گی۔ دورانیہ تیاری گیٹ D اور D کا دورانیہ رد عمل کا محبوعہ ہے، چو نکہ D میں تبدیلی ان گیٹوں کے محنارج پر اثر انداز ہوتی ہے۔ اب فسنرض کریں دورانیہ تیاری مسیں D تبدیل نہیں ہوتا، جب کہ ساعت (پیست حیال ہے) بلند (1) ہوتا ہے۔ یہ صورت شکل ۲۰۱۸ ور دمیں پیش ہے۔ اگر D D ہونے کے لمحے پر D D وہ بت D وہ بت D وہ بت کی اور دمیں پیش ہے۔ اگر D ہونے کے لمحے پر D وہ بت کار کامخنارج D بہت D وہ بت کی ان اختیار کرے گا۔ اب اگر D وہ بت کار کامخنارج D پیست D میں افتیار کرے گا۔ اب اگر D وہ بنا کہ وہ بال میں ہون ہون ہون کی بدولت جو D بہت کی بدولت جو D ہونے گا۔ اب اگر D وہ بنا ہوں گی بدولت جو D ہونے کار ہونے گار ہون D ہونے کار ہونے گار ہونے کار ہونے کی ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کار ہونے کار ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار کونے کے کہ کہ ہونے کے کہ کہ ہونے کے کونے کے کہ ہونے کے کہ کونے کے کہ کونے کے کہ ہونے کے کہ ہونے کے کہ کونے کے کہ کونے کے کہ کونے کے کہ کو

۲.۹ . ڈی پلٹ کار



کی قیت تبدیل نہیں ہونی حب ہے۔ دورانی تھی راؤگیٹ سے دورانی رد عمل کے برابر ہے، چو ککہ، D کی قیت کے قط نظر، 44 کامٹ رق 1 پر کھنے کے لئے R کا 0 ہونالازی ہے۔

C=1 ہوئے کے لیمے پر D=1 ہو، تب \overline{S} تبدیل ہو کہ D ہوگا، جبکہ D کی قیت D رہے گا (شکل - د)، جس کی بنا پر (شکل ۱۹.۹ مسین) ڈی پلٹ کار کامیناری D بلند D ہوگا۔ بلند سامت D کی بازر (شکل ۱۹.۹ مسین) ڈی پلٹ کار کامیناری D بیت D بائند D ہو گا۔ جب D واپس D ہو، D اور D اور D بیت D ور D بیت D بیت D ور D بیت D ور D بیت D ب

حنلام کچھ یوں ہے۔ ساعت کے کمنارہ حبٹر ہسائی پر D کی قیب Q کو منتقتل ہوتی ہے۔ بلند ساعت کے دوران D مسین تبدیلیاں Q پر اثر انداز نہیں ہوتیں۔ مسزید، ساعت کا کمنارہ اترائی اور پیت ساعت، Q پر اثر انداز نہیں ہوتے۔

انشارہ D=0 گیٹ U=0 اور U=0 گزر کر U=0 کوپست کرتا ہے، جو U=0 کوبلند کے رکھتا ہے۔ یوں ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی سے (U=0 اور U=0 کو برابروقت قبل، کسنارہ حب ٹرھسائی سے (U=0 کی قیمت مستقل صورت اختیار کرلے۔ ای طسرح U=0 جو (U=0 کی قیمت سے قطع نظسر) U=0 کوبلند کے رکھتا ہے، کے لئے ضروری ہے کہ U=0 کی قیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھسے راؤ (جو U=0 کی قیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھسے راؤ (جو U=0 کے تعد بل ہو۔

آ وت عندلام پلیٹ کار کی طسرح، کسنارہ پر عمسل کارپلٹ کار، ترشیبی ادوار مسین بازری کے مسائل سے چھٹکارا دیت ہے۔ اسس قتم کاڈی پلٹ کار استعمال کرتے وقت دورانپ شیاری اور دورانپ تھے۔راؤیر توحب دینی ہوگی۔

تر سیبی ادوار مسین مختلف پلیٹ کار استعمال کرتے وقت، اسس بات کو یقینی بن نیس کہ تمسام پلیٹ کار ہیں کو قت (یعنی تمسام پلیٹ کار ساعت کے کمن ارواتر ائی پریاتسام پلیٹ کار کمن ارو حب ٹرھ ائی پر) حسال تب دیل کرتے ہوں۔ وہ پلیٹ کار جو منتخب کمن اروکے محت الف کمن اربے پر حسال تب دیل کرتے ہوں، کی ساعت نفی گیٹ سے گزار کر، منتخب کمن ارب

مثق ۲۰۳: انٹ رنیٹ سے ڈی پلٹ کار کے معسلوماتی صفحیات اتاریں۔(۱) اسس محسلوط دور مسیں کتنے ڈی پلٹ کار ہیں؟ (ب) سے بلٹ کار ساعت کے کس کسارے پر عمسل کارے؟

۲.1۰ حے کے پلٹ کار

ڈی پلٹ کار استعال کر کے مختلف اقسام کے پلٹ کار تفکسیل دیے حبا سے ہیں، جن مسیں ہے کے پلٹ کار ^{۵۰} اور فی پلٹ کار ا^۵ بہت مقبول ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر عمسل کارج کے پلٹ کار کی بن اوٹ شکل ۲۱.۲

JK FF^a
T FF^a

۱.۵ ج کے پلٹ کار

مسیں، اور کار کر دگی حبد ول ۲۰۰۱ – بسیس پیش ہے۔ کمن ارہ اترائی پر عمس کارجے کے پلٹ کار بھی پایا حب تا ہے۔ سنگل مسیں مداحن ل \overline{Q}_n ذیل ہوگا، جہساں پلٹ کار کے موجودہ محن ارج \overline{Q}_n اور \overline{Q}_n کھھے گئے ہیں۔

$$(1.1) D = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

ساعت کے اگلے کن ارہ حپڑھ اُنی پرڈی پلٹ کار اسس مداحن کے تحت حسال اختیار کرتا ہے، اہلہذا ہے کے پلٹ کار کی کار کر دگی کی مساوات درج ذیل ہوگی، جہاں موجودہ محنارج Q_{n+1} اور اگلا Q_{n+1} ہے۔

$$Q_{n+1} = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

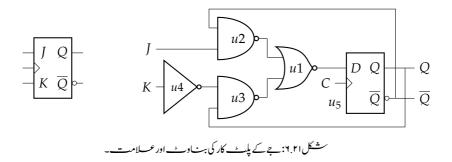
مساوات ۲۰۱۷ و جدول ۲۰۱۷ و جدول کی پہلی صف میں پیش کے آئی ہے۔ جدول کی پہلی صف میں پلیٹ کار کا موجودہ حسال $Q_n=0$ ، اور مداخنل D=0 اور K=0 بین ، الہذا مساوات ۲۰۱۹ کے تحت D=0 ہوگا۔ یوں ساعت کے کشارہ حپڑھائی پر پلیٹ کارپست حسال اختیار کرتے ہوئے موجودہ حسال بر مسرار رکھتا ہے۔ جدول کی دو سسری صف میں موجودہ حسال D=1 ور C=1 اور C=1 بین ، جن ہے C=1 حسال ہوگا، الہذا میں موجودہ حسال موجودہ حسال موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ موجودہ موجودہ میں موجودہ میں موجودہ میں موجودہ موجودہ

آپ نے دیکھ کہ K=0 ، J=0 کی صورت میں پلٹ کاربر متسرار حسال $Q_{n+1}=Q_n$ ہوگا۔ حبدول کے اصف فی حنانے مسیں یہ معلومات درج کی گئی ہے۔ آسلی کر لیں (اگلے مثق مسیں ایسا کرنے کو کہا گیا ہے) کہ حبدول مسیں D اور Q_{n+1} کی تمسام معلومات مساوات Q_{n+1} کے عسین مطابق ہیں۔ اسس جدول کی بہتر صورت جبدول ۔ جہال غیسر ضروری معلومات روپوسٹس کی گئی ، اور کسنارہ حپڑھ اُن کی معلومات مساوات جبدال میں گئی۔

ہے کے پلٹے کارکی کارکر درگی درج ذیل ہے۔

J اور K مداحن کی کہنی تین صور توں مسیں، J اور K بالت رتیب S اور K مداحن کا کر دار ادا کرتے ہیں، لیعنی فعیال J ، پلٹ کار کو (ساعت کے عمسل کار کسنارہ پر) بلند حیال، اور فعیال K اسے پست حیال کرتا ہے۔ البت یہاں دونوں مداحن فعیال ہونے کی صورت مسیں دونوں مداحن فعیال ہونے کی صورت مسیں پلٹ کار موجودہ حیال برقت رادر کھتا ہے۔

مثق ۲۰.۳: حبد ول ۳.۶-الف اور کی تصید بق کریں۔



ب ول ۲.۳: کن ارہ حب ڑھ ائی پر عمس کار جے کے پلٹ کار

(--)

С	J	K	Q_{n+1}	
\uparrow	0	0	Q_n	برمتسرار حسال
\uparrow	0	1	0	پست حسال
\uparrow	1	0	1	بكن دحسال
\uparrow	1	1	\overline{Q}_n	متم حسال

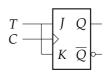
(1)

J	K	Q_n	D	Q_{n+1}
0	0	0	0	Q_n
0	0	1	1	Qn
0	1	0	0	0
0	1	1	0	U
1	0	0	1	1
1	0	1	1	1
1	1	0	1	
1	1	1	0	\overline{Q}_n
		•		

۱۰۱. ج کے پلٹ کار

С	$T \mid$	Q_{n+1}
0	x	Q_n
1	\boldsymbol{x}	Q_n
\uparrow	0	Q_n
\uparrow	1	\overline{Q}_n





شکل ۲۲.۲۲ فی پلٹ کار کی بن اوٹ اور عسلامت

ا.۱۰.۱ ٹی پلٹ کار

ج کے پلٹ کار کے دونوں مداحنل آلپس میں جوڑنے سے فی پلٹے کار ^{ar}ساسل ہو گا، جو شکل ۲۲.۲ میں بمع عبلامت اور حبدول پیش ہے۔

پست مداحن (T=0) کی صورت مسیں ٹی پلٹ کاربر قسر ارحسال رہے گا، جب کہ بلند مداحن (T=1) کی صورت مسیں ساعت کے کسنارہ حپڑھ آئی پر متم حسال اختیار کرے گی۔ یوں بلند T کی صورت مسیں بلند پلٹ کارا گلے کسنارہ حپڑھ آئی پر بلند ہوگا۔

ٹی پلٹ کار کی مساوات، ج کے پلٹ کار کی مساوات ۲.۷ سے حساسل کرتے ہیں۔

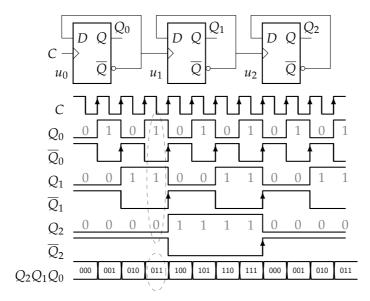
$$Q_{n+1}=J\overline{Q}_n+\overline{K}Q_n$$
 $=T\overline{Q}_n+\overline{T}Q_n$ $=T\oplus Q_n$

ماوات کے حصول مسیں I اور K دونوں کی جگہ T استعال کیا گیا۔

مثق ۲.۵: أي يلئ كارك حبدول كي تصديق كريں۔

مثق ۲.۲: انٹ رنیٹ سے 74xx اور 40xx سلم میں جے کے اورٹی پلٹ کارتلاسش کریں۔

T FF²



شکل ۲۰۳: تین هندسی شنائی گنیک کار

ال.١١ شنائي گنت كار

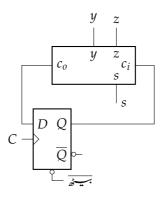
سشکل ۱۸.۲ مسیں پیشس دور تین مسرتب استعال کر کے مشکل ۲۳.۲ ساسسل ہوگا۔ بائیں حبانب سے اول پلٹ کار (س) کامختارج Q₂ پکارا آسیا ہے۔ (س) کامختارج Q₀ پکارا آسیا ہے۔

پلٹ کار u_0 ساعت (C) کا تعدد 2 سے تقسیم کرتا ہے۔ اس کے دونوں مختارج شکل میں پیش ہیں، جو ساعت کے کہنارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتے ہیں، اور جن کا تعدد C کے تعدد کا نصف ہے۔ احشارہ u_0 کا تعدد C کی بلٹ کار u_1 کو بطور ساعت مہیا کیا گیا ہم ہوگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے، جس کو u_1 کا گیا کم ہوگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوانے 2 سے تقسیم کرنے گا، لہندا u_1 کا تعدد u_2 کے تعدد u_3 کے تعدد u_4 کا تعدد u_4 کا تعدد u_5 کا تعدد کے 8 گیا کہ ہوگا۔

گنت کار صف ر (0002) تاست (1112) (یعنی آٹھ، 23، کن ارے) گسنتی کرنے کے بعب دوبارہ صف (0002)

three bit binary counter

۲.۱۲ سلیله وارشنائی جمع کار



مشكل ٢٠٠: سلسله وارشن أئي جمع كار

ے سشہ دع کر تاہے۔ ساعت C کی بحبائے گنت کار کو کوئی بھی عبد دی امشارہ گسنتی کے لئے منسراہم کسیاحب اسکتاہے۔ گنت کارامشارے کے کسنارہ حیبڑھ ائی کی گسنتی کر کے نتیجہ مہاکرے گا۔

ڈی پلٹ کار کی تعبداد 4 کر کے، حولہ (24 = 16) کنارے گننے کے متابل گنت کار بنایا جبا سکتا ہے جو صنسر (00002) تاپندرہ (11112) گسنتی کرے گا۔ یوں n پلٹ کارپر مشتل شنائی گنت کار 2^n کنارے گننے کے متابل ہو گا۔

۲.۱۲ سلسله وارشنائی جمع کار

سٹکل ۲۳.۲ مسیں مکسل جمع کار (u_1) اور ڈی پلنے کار (u_2) کی مدد سے اصطبالہ وارشنائی جمع کار کو جمع کرنے والے دو ہے (مکسل جمع کار کی جمع کار کو جمع کرنے والے دو ہے (مکسل جمع کار کی جمع کار کو جمع کرنے والے دو شنائی اعتبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حبات ہیں۔ کمت ر تی ہا سے سفروغ کر کے ساعت کے ہر کسنارہ حب نئی اعتبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حبات ہیں۔ کمت ر تی ہا سے صدر گری پلانے کار حاصل جمع (لین مکسل جمع کا حضرابی کی وصور داختی حساس جمع دور کے ساعت کے حصول سے کا حضارتی حساس) ذخیہ و کر کے انگلے و تہ م پر مکسل جمع کو مطور داختی حساس مہی کر تا ہے۔ محب و عید کے حصول سے قبل ڈی پلائے کار زبر و ستی پیت کہ گا پر سلیاد اختی حساس صف ہو۔ آپ دیکھ سے ہیں کہ گا پر سلیلہ واردونوں شنائی اعبد اد کا محب و عید حضارتی ہوگا۔

اسس باب کے آمنسر مسین آپ سے گزارشش کی حبائے گی کہ سلسلہ وار شنائی جمع کار استعال کرتے ہوئے دوشنائی اعسادہ جمع کریں۔

binary serial counter or

۲.۱۳ معاصر ترتیبی ادوار کا تحبزی

اعت پر عمسل کار، پلٹ کارپر مسبنی ادوار معاصر ترتیبی ادوار ۵۵ ہسلاتے ہیں، جو پلٹ کارے موجودہ حسال اور مداحسل دیمے کرنے حسال افتیار کرتے ہیں۔ معساصر ترتیبی ادوار، عسوماً، کسنارہ ساعت کے ساتھ وسدم ملاکر چلتے ہیں۔ ہم زیادہ ترکسارہ ساعت پر عمسل کار ترتیبی ادوار پر تبصیرہ کریں گے (جو مستن سے واضح ہوگا)۔ معساصر ترتیبی ادوار مسیں ترکسیبی ھے کاموجود ہونالازم نہیں۔

کنارہ پر عمسل کار معساصر ترتیبی ادوار کنارہ ساعت پر نیباحسال اختیار کرتے ہیں۔ موجودہ حسال نئے حسال پر اثر انداز ہوسکتا ہے، البندائے حسال دریافت کرتے وقت موجودہ حسال (کو بھی) مداحسن تصور کریں۔ ترکیبی ادوار کی طسرح ترتیبی ادوار کا حبدول، جو عالی کا جدول ^۵کہلا تاہے، نئے حسال دریافت کرنے مسیں مدد گار ثابت ہوگا۔ نیباحسال مماواتے عالی ^{۵۵}سے بھی حسامسل کمیاحب سکتا ہے۔ دونوں طسریقوں پر خور مشابوں کی مدد سے کرتے ہیں۔

البيال مساوات حيال

دورے موجودہ حسال اور موجودہ مداحنل کے روپ مسین، مساوات حسال دور کے اگلے حسال ہیان کرتی ہیں۔ کسنارہ ساعت پر دور اگلے (نئے)حسال افتیار کرتا ہے۔ یوں، ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد حسال کو موجودہ حسال تصور کرکے، اسس کے لئے امشار ہے n استعال کرتے ہوئے، مشلاً Q(n) ، اگلاحسال Q(n+1) ہوگا۔

شکل ۲۵.۹ مثال بن کر آ گے بڑھتے ہیں، جہاں کن ارہ حپڑھائی پر عمس کا کار ڈی پلٹ کار مستعمل ہیں۔ موجودہ مداحن $Q_1(n)$ میں اور $Q_1(n)$ بیں۔ ان سینوں کو مداحن تصور کر کے $Q_1(n)$ کی ترکسی مساوات $Q_1(n)$ جبکہ موجودہ میں اور $Q_1(n)$ اور $Q_1(n)$ اور $Q_1(n)$ کا کامین اربال کی پلٹ کار کا کامین اور $Q_1(n)$ کا کامین اور کی کار کی بلٹ کار کا مداحن $Q_1(n)$ کا میں اور کی کار کی بلٹ کار کی بلٹ کار کا مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی بار کی بلٹ کار کا مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی معلق میں کا کامین کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی کار کی بلٹ کی کار کی بلٹ کی کار کی کار کی بلٹ کی بلٹ کی کار کی کار کی بلٹ کی

$$D_0(n) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

اس میاوات میں ہر جبزو کے ساتھ (n) چیاں کر کے واضح کیا گیا کہ یہ موجودہ متغیبرات ہیں۔ سابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال 0 اس میاوات کے مطابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال 0 ورج ذل ہوگا۔

$$Q_0(n+1) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

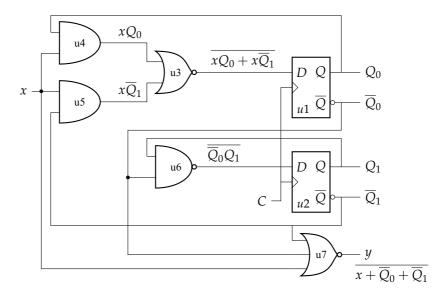
ای طسرح متم ضرب u6 کے مداحسٰل \overline{Q}_0 ، \overline{Q}_0 الہذامنارج $\overline{\overline{Q}_0Q_1}$ ہوگا،جو پلیٹ کار u2 کامداحسٰل u کامداحسٰل ورج ذیل ہوگا۔

$$Q_1(n+1) = \overline{\overline{Q}}_0(n)Q_1(n)$$

synchronous sequential circuits 22

state table

state equation 22



مشكل ٢٤.٢٥: ترتيبي دور بطور مثال

تیب رامخنارج y ہے جو متم جمع u کامخنارج \overline{Q}_1 کامخنارج تیب ہوجودہ $\overline{X}+\overline{Q}_0+\overline{Q}_1$ ہے،اور جو ساعت کا تابع نہیں، اہلیذا y صرف موجودہ حسال اور مداحن کیر مخصر ہے، لینی ہے ہر صورت موجودہ مختارج ہوگا۔

$$y(n) = \overline{x(n) + \overline{Q}_0(n) + \overline{Q}_1(n)}$$

ساوات ۲۰۱۳ امسیں باربار (n) اور (n+1) کھنے سے گریز کرتے ہوئے درج ذیل کھا جب سکتا ہے۔

$$Q_0 = \overline{xQ_0 + x\overline{Q}_1}$$

$$Q_1 = \overline{\overline{Q}_0Q_1}$$

$$y = \overline{x + \overline{Q}_0 + \overline{Q}_1}$$

۲.۱۳.۲ حال کاحبدول

معاصر حال جدول مسین کھے جب سے ہیں۔ شکل ۲۵۱ کی مثال آگے بڑھاتے ہوئے مساوات ۱۳۰۱ سے حبدول کھتے ہیں۔ موجودہ مداحنل (x) اور موجودہ حسال $(Q_1\cdot Q_0)$ آزاد متغیبرات، جب کہ اگلے میناری اور حوجودہ مدال (x) اور موجودہ مرازی (x) اور (x) آزاد متغیبر تصور کرکے ان کی تمام ترتیب (x) (x) ماری (x) تا کتھیں۔ تصور کرکے ان کی تمام ترتیب کے مطابقتی اگلے حسال (x) (x

state table an

موجوده حسال	_ال	اگلا حـ	عنارج	موجوره م		
	x = 0	x = 1	x = 0	x = 1		
Q_1Q_0	Q_1Q_0	Q_1Q_0	y	у		
00	11	10	0	0		
01	11	10	0	0		
10	01	01	0	0		
11	11	10	1	0		

حدول ۲.۴:حال كاحدول (برائے مساوات ۲.۳۱)

۲.۱۳.۳ حال کاحن که

حال کے جبدول مسیں موجود معلومات کاحن کہ بنایا جبا سکتا ہے جو **عالی کا خاکہ ^{۵۹} کہ**لاتا ہے۔ جبدول ۴۳۰ کاحبال کا حن کہ شکل ۲۲۰۹ مسیں پیش ہے۔

حسال کے مناکہ مسین دور کاحسال گول دائروں سے ظلم کسیاحباتا ہے، جبکہ موجودہ حسال سے انگلے حسال منتقلی تسیسر دار کسیسر سے ظلم کی حباتی ہے، جسس کی دم موجودہ حسال پر اور سسر انگلے حسال پر رکھا حباتا ہے۔ تسیسر دار ککسیسر کے اوپر دواعت الکھے حباتے ہیں، جن کے بچر چھی ککسیسر کے اوپر اور موجودہ محسارج نیجے ککھا حباتا ہے۔

شکل ۲۵.۸ کے ترتیبی دور مسیں دو پلٹ کار مستعمل ہیں، جن کاحبال Q_1Q_0 کھھ کر 00 ، 00 ، اور 11 مسکن حسال 12 کے برولست میں۔ حسال 10 سے 11 انتقال کی تئیبر دار کئیب پر 1/0 کھسا گئیا ہے، جس کے تحت انتقال 12 کی برولست پیشش آیا اور y=02 ہے۔

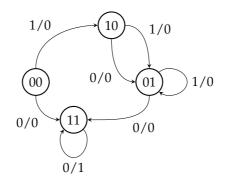
حال کا حن کہ اور حال کا حبدول ایک ہی معلومات وو مختلف طسریقوں سے پیش کرتے ہیں۔ دونوں مسیں پیش معسلومات ہر طسر تا بہاں ہے۔

۲.۱۳.۴ ڈی پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

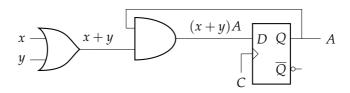
تر تسیبی ادوار کے حسل کی مسزید مشالوں پر غور کرتے ہیں۔ پہلی مشال ڈی پلٹ کارپر مسبنی ہے جو شکل ۲۷.۱مسیں پیشس ہے۔ دور مسیں ایک پلٹ کارپایا حب تاہے جس کامحنارج A کھی کر مداخن ل

ساعت کے کنارہ حب رہائی پر ڈی پلٹ کار مداحنل کے تحت نیا حال افتیار کرتا ہے، المہذا الگل حال کی

state diagram²⁹



شكل ٢٦.٢: حال كاحناكه (برائ شكل ٢٥.٦)



مشكل ٢٤: دى پائ كارير مسنى ترتيبى دور_

ساوات درج ذبل ہو گی

$$A(n+1) = A(n)(x(n) + y(n))$$

جسس کی سیادہ صور سے ذیل ہے۔

$$A = A(x + y)$$

اسس مساوات کے نتائج مشکل ۲۸.۲ مسیں جدول مسیں پیش ہیں۔ حسال کاحنا کہ اور اسس کاس دہ روپ (نحی لا حسالہ) بھی مشکل پیش ہیں۔ پلے کار کے حسال 0 اور 1 دائروں مسیں رکھے گئے ہیں، جبکہ ان کے پھھ انتحال تسیر دار ککسیسرے دکھیایا گیا ہے۔ تسیر دار ککسیسروں پر مداحسل xy کی موجودہ قیمتیں کبھی گئی ہیں۔ ایک ہی حسال مسیں رہنے کے تمس ممکنات کو اکھی بھی کھی حبا سکتا ہے، چیسے خیلے حساکہ مسیں کسیا گیا ہے۔ آپ دکھ کے ہیں کہ حسال کے تمس ممکنات کو اکھی بھی کھی حبال بر قسر اررکھتا کے تمس موجودہ حسال ہوگاجی مداحسل 00 ہو۔ باتی تمسام حسال مسیں پلٹ کار موجودہ حسال ہر قسر اررکھتا ہے۔ مسئدید، حسال 0 سے حسال 1 منتقلی کا کوئی راستہ موجود نہیں۔

۲.۱۳.۵ جے کے پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

شکل ۲۹.۲ سیں جے کے پلٹ کار پر مبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ بالا پلٹ کار کاحبال Q_A اور مداحنل K_A ، J_B ہیں۔ جب کہ زیریں پلٹ کار کاحبال Q_B اور مداحنل Q_B ہیں۔



	موجوره		اگلا
A	x	y	A
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

شكل ٢٨. ٢: حسال كاحب ول اور حسال كاحت كه (برائ مشكل ٢٧.٦)

10,01,11



دور مسیں متم بلات رکت جمع گیٹ کا ایک مداحنل Q_A ہے جو بالائی پلٹ کار کاموجودہ حسال ہے۔ پلٹ کارے محنار جن سے گیٹ کے محالت کا ایک نام رکھا گیٹ کے مداحنل تک تارکھنیخ کی بحب نے دونوں کا نام Q_A) رکھا گیٹ ہے۔ جب بھی دومعتامات کا ایک نام رکھا حب نے ، انہیں آپ مسیں برقی طور حبڑ اتھوں کریں۔ یول ، دونوں ضرب گیٹ کا ایک ایک مداحنل زیریں پلٹ کا رکے محنار جی سے جبڑ ہے۔

مداحنل کی مساوات ذیل ہیں۔

$$J_A=\overline{x}Q_B$$
 $K_A=xQ_B$ $J_B=x$ $K_B=\overline{x\oplus Q_A}$

ان مساوات ہے جبدول ۲۵۰۰ حساس ہوگا، جس ہے اضافی مواد نکال کر حسال کا جبدول حساس ہوگا (شکل ۲۰۰۱)۔ حسال کے حبدول ہے حساسسل حسال کاحت کہ بھی شکل مسین پیش ہے۔

$$J_A = \overline{x}Q_B = \overline{0} \cdot 0 = 1 \cdot 0 = 0$$

$$K_A = xQ_B = 0 \cdot 0 = 0$$

$$J_B = x = 0$$

$$K_B = \overline{x \oplus Q_A} = \overline{0 \oplus 0} = \overline{0} = 1$$

انہ میں حبہ ول کی پہلی صف میں ورج کریں۔ پلٹ کار کے موجودہ مداحنل حبائے ہوئے ساعت کے انگلے کہنارہ حسائی پراگلے حسال مساوات ۷.۱ کی است وات ($Q(n+1)=J\overline{Q}_n+\overline{K}Q_n)$ یامساوات ۸.۱ کے

$$Q_A = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = 0 \cdot \overline{0} + \overline{0} \cdot 0 = 0 \cdot 1 + 1 \cdot 0 = 0 + 0 = 0$$
$$Q_B = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = 0 \cdot \overline{0} + \overline{1} \cdot 0 = 0$$

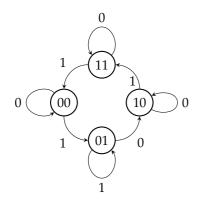
حساس کر کے جبدول کی پہلی صف مسیں درج کریں۔ باقی صف کے لئے مواد حساس کے کے جبدول بھے ہیں۔ آپ J اور K کی مساوات استعمال کر کے بھی Q تلاسش کر سکتے ہیں۔

$$Q_A(n+1) = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = (\overline{x}Q_B) \overline{Q}_A + (\overline{x}\overline{Q}_B) Q_A$$
$$Q_B(n+1) = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = x \overline{Q}_B + (\overline{x} \overline{\oplus Q_A}) Q_B$$

حال کے حن کہ (شکل ۴۰.۳) پر توجب دیں۔ حال 00 سے 01 اور بہاں ہے 10 اور اسس کے بعد 11 حبایاحب سکتاہے، جس کے بعد دوبارہ 00 سے پوری کہانی شھروع ہوگی۔ یہ 00 تا 11 شن کی گئت کار مصلوم ہوتا ہے۔ ماسوائ

حبدول ۲.۵: ج کے پلٹ کار دورکی مساوات ۲.۱۴ سے حساصل حبدول

حال	موجوده مداحشل اور حسال		پلٹ کار کے مدا ^{حث} ل			اگلے حسال		
Q_A	Q_B	x	$ J_A $	K_A	J_B	K_B	Q_A	Q_B
0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	1
0	1	0	1	0	0	1	1	0
0	1	1	0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	1	1	1	0	0



موجوده حسال	اگلا حسال			
	x = 0	x = 1		
Q_AQ_B	Q_AQ_B	Q_AQ_B		
00	00	01		
01	10	01		
10	10	11		
11	11	00		

شکل ۲۹.۳۰: حسال کاحب ول اور حسال کاحت که برائے شکل ۲۹.۲



مشكل ٢٠١٣: في يله كارير مسبني ترتسبي دور

حال 11 کے، ہر مسرت x تبدیل کرنے سے حال تبدیل ہوگا۔ یوں 00 مسیں جب تک x=0 رہے، دور ای حال مسیں رہت ہے، البت x بلند کرنے سے x=0 حال حاصل ہوگا، جہاں اسس وقت تک رہاجیا گا جب تک x=0 دہو۔

۲.۱۳.۲ ٹی پلٹ کار کی مدد سے ترشیبی دور کاحب ائزہ

سٹکل ۳۱.۹ سیں ٹی پلنے کار پر مبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ پلنے کار کے حسال A اور Bے ظاہر کیے گئے ہیں۔ یوں پہلے پلنے کار کامداحس T_A اور دوسرے کا T_B ہے۔

یلے کار کااگلاحسال مساوات ۲.۹ سے ملت ہے جے یہاں دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = T \oplus Q_n$$

موجو دہ ضرورے کے تحت مساوات سے درج ذیل لکھا حیا تاہے۔

$$A_{n+1}=T_A\oplus A=T_A\overline{A}+\overline{T}_AA$$
 $B_{n+1}=T_B\oplus B=T_B\overline{B}+\overline{T}_BB$

پلٹ کارے مداحنل کی مساوات شکل ۲. ۳۱ سے حساصل کرتے ہیں۔

$$T_A = A\overline{B}$$

$$T_B = \overline{A\overline{B} + x}$$

ان مساوات کومساوات ۲.۵مسیں ڈالنے سے پلٹ کارے حسال کی مساواتیں حساسل ہوں گی:

$$A_{n+1} = (A\overline{B}) \oplus A$$
$$B_{n+1} = (\overline{A\overline{B}} + x) \oplus B$$

حبدول ٢٠١٦: في پليائ كار دور (كشكل ٣١٠٦) كاحسال كاحبدول

(1)

(<u> </u>)						
موجوده	اگلا حسال موجوده					
	x = 0	x = 1				
AB	AB	AB				
00	01	00				
01	00	01				
10	00	00				
11	10	11				

زاد	موجوده مواد			اگلا حسال		مداحنل	
A	В	x	A	В	T_A	T_B	
0	0	0	0	1	0	1	
0	0	1	0	0	0	0	
0	1	0	0	0	0	1	
0	1	1	0	1	0	0	
1	0	0	0	0	1	0	
_1	0	1	0	0	1	0	
1	1	0	1	0	0	1	
1	1	1	1	1	0	0	

جن سے حبدول ۲.۲-الف ملت ہے۔ مداحن x اور موجودہ حسال A اور B کو پہلی تین قطاروں مسیں کھی گیہ ہے۔ ان کی تمام ترتیب (000_2 تا 111) پہلی تین قطاروں مسیں بھسر کر، ہر صف کے لئے مطابقتی موجودہ مداحن حساس کے حباتے ہیں، جنہیں دائیں قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے اگلے کنارہ حیث قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے اگلے کنارہ حیث قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساتھے ، جو حسال کا حبدول کہ ۲.۲-الف سے حبدول - بسکھا جب سکتا ہے، جو حسال کا حبدول کہ ۲۰۱۱ ہے۔

۲.۱۴ میلی اور مُورنمون

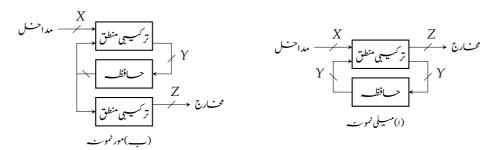
تر تسیبی دور مسین مداحنل، محنارج اور اندرونی حسال پائے حباتے ہیں۔ تر تسیبی ادوار کے دو نمونے پائے حباتے ہیں، جنہیں میلی نمویغه ۱۲ اور موُر نمویغه ۳۱ کہتے ہیں۔ مسیلی نمون۔ مسین محنارج کادار ومدار موجودہ مدا احسال اور موجودہ اندونی حسال پر، جب کہ مُور نمون۔ مسین صرف موجودہ حسال پر ہوگا۔ یہ دونمونے شکل ۳۳۸مسین پیش ہیں۔

Mealy ''
Moore''

۱۲. میلی اور مُور نمون پر



شكل ٢٠٣٢: حسال كاحت كه برائح شكل ٢ . ١٣١ ورحب ول ٢٠٦



مشکل ۱٫۳۳:مور اور مسیلی نمونے

ان اسٹ کال مسیں مداحن تسیر دار لکسیہ پرتر تھی لکسیہ تھینچ کر X کلی گئی ہے، جو مداحن شن کی ہند سول (بِٹ) کی تعد ادبیان کرتا ہے۔ یوں X=8 کی صورت مسیں ایک ایک بٹ کے آٹھ مداحنل ہوں گے۔ حسافظہ کے مداحن اور محن ارخ کی تعد ادبرابر ہوگی، لہندا اسس کے مداحن (یا محن ارخ) پر Y کلھنے کے بعد محن ارخ (یا مداحن) پر موزت تر چھی ککسیہ کھینچنا کافی ہوگا۔

۱.۱۴۰۱ حسال اور ان کی مقسرری

ھے۔ ۱۳.۲ سمسیں حال کے حناکہ پر غور کیا گیا۔ ان حناکوں مسیں پلٹ کارکے محنارج کی بحبائے دیگر ناموں سے حال ظاہر کرکے حیال کاحنا کہ سمجھنا آسان بناحیا سکتاہے(درج ذیل مشال دیکھیں)۔

مثال ا.٧: اليے ايک مداحنل، ايک محنارج معاصر ترتيبي دور كاحبال كاحنا كه تسيار كريں، جو 1102 مداحنل كے حصول پر 1 حنارج كرتا ہو۔ بلندر تى بٹ ايپ تصور كريں۔ اليه دور كو **ترتيب شنان ان** ¹¹ كہتے ہيں۔

حل: حلن المعرب المعرب

sequence detector

_



شكل ٢٠٣٨: حسال كوالفاظ سے يكار كر حساكہ بہستر سنجھ آتاہے (مشال ١٠١)

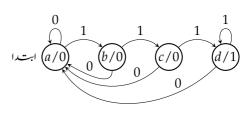
1.1۵ معیاصر ترتیبی ادوار کی بین اوٹ

گزشتہ جھے مسیں مخلف اقسام کے پلٹ کار استعمال کر کے معاصر ترشیبی ادوار تشکیل دیے گئے۔ان ادوار کے حصول کا باض بطے طسریق کار درج ذیل ہے۔

- ا. مسئله کے بیان سے حال کاحن کہ تیار کریں۔
 - ۲. در کار حسال کی تعبداد کم کریں۔
- ۳. ہر حسال (کوظ اہر کرنے) کی منف ردشنائی قیمت منتخب کریں۔
 - ۴. حال کاحبدول حساصل کریں۔
 - ۵. پلے کار (کی قتم)کاانتخاب کریں۔
- ۲. پلٹ کار کی داختلی اور حضارجی سادہ ترین مساوات حساصل کریں۔
 - ان ماوات سے معاصر ترشیبی دور تشکیل دیں۔
- مثال ٢٠٠: ایسام مساصر ترتیب شناس تفکیل دیں جو تین متواتر 1 مداحن کے حصول پر 1 حنارج کرے۔

حل: \overline{r} تہاں کی کار کرد گی کے بیان سے شکل ۳۵۰ کا حال کا خانہ کہ کھینی جباتا ہے۔ گول دائروں مسین ترجی کی سے سے کل ۳۵۰ کا حال کا نام اور نیجے محنارج کی قیمت لکھی گئی ہے۔ شناسس کا ابت دائی حسال a اور محنارج پیست، تیسری a کہ جسم میں a کی جد حسال a اور محنارج پیست، تیسری a کی جد حسال a اور محنارج بلند ہوگا۔ دوسری a کے بعد حسال a مصین رہتے ہوئے محنارج بلند رکھتا کے بعد حسال a مسین رہتے ہوئے محنارج بلند رکھتا ہے۔ کی بھی موقع پر a کا حصول، شناسس کو واپس ابت دائی حسال a منتقبل کرتا ہے۔ حسال کے حناکہ سے حساس حب دور ہیں ہوجہ دور محنارج درج ہیں۔ مصین بائیں ہاتھ واگلاحال اور موجہ دور محنارج درج ہیں۔

20	موجوا	اگلا	موجوده
حال	مداحنل	حال	محنارج
а	0	а	0
а	1	b	0
b	0	а	0
b	1	С	0
С	0	а	0
С	1	d	0
d	0	а	1
d	1	d	1



شكل ٢٠٠٤: ترتيب شناكس كاحبال كاحباكه (مثال ٢٠٦)

حال کے منا کہ سے واضح ہے کہ حال کی تعداد حیارہ، جنہیں دوہِٹ کاشنائی عدد ظاہر کر سکتاہے۔

$$a=00$$
 $b=01$ $c=10$ $d=11$

شن کی عسلامت استعال کرتے ہوئے مشکل ۳۵٫۱ مسیں پیش حبدول دوبارہ حبدول ۲٫۱ مسیں پیش کسیا گیا ہے، جس سے ڈی پلٹ کار کی درج ذیل مساوات اخسذ ہوتی ہیں۔

$$A(n+1) = D_A(A, B, x) = \sum (3,5,7)$$

$$B(n+1) = D_B(A, B, x) = \sum (1,5,7)$$

$$y(A, B, x) = \sum (6,7)$$

بدول ۲.۷ سے مشکل ۳۲.۲ کے کارناف نقتے بن کر درج ذیل سادہ مساوات سامسل ہوتی ہیں، جن سے مشکل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے سے کل ۳۷.۲ سے مسال ہوگا۔ حیاصل ہوگا۔

$$D_A = Ax + Bx$$

$$D_B = Ax + \overline{B}x$$

$$y = AB$$

ترتیب شناسس ابت دائی ہیت حسال مسیں جیٹھ اشارہ کی مدد سے لایاحیا تاہے، جو شکل مسیں نہیں د کھایا گیا۔

حبدول ٢٠٤٤ ترتيب شناسس كاحسال كاحبدول

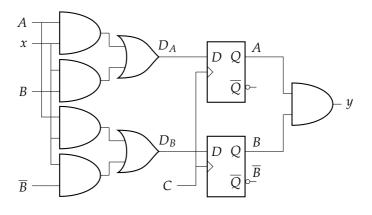
	موجوده		J.	śi	موجوده
\boldsymbol{A}	В	x	A	В	y
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1

AB x	0	1
00	0	0
01	0	0
11	1	1
10	0	0
	y =	\overline{AB}

AB x	0	1
00	0	1
01	0	0
11	0	1
10	0	1 1
I	$D_B = x$	$A + x\overline{I}$

. 1	AB	0	1
1	00	0	0
0	01	0	1 1
1	11	0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1 1	10	0	1
xA + x	B E	$D_A = x$	A + xB

شكل ٢٠.٣: كارناف نقت برائے مشال ٢٠.٧



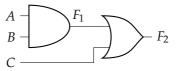
شكل ٢٠٠٤: تتيب شناس (مثال ٢٠٠)

مثق 2.7: مساوات 7.7: امسیں حال کے اظہار کا ایک انتخاب و کھایا گیا ہے۔ آپ کوئی دوسرا انتخاب c=11 ، b=10 ، a=01 بور حاصل ہو گا۔ یہ دور صاصل کریں۔

سوالا<u>۔۔</u>

$$\overline{Q}_{n+1}=\overline{J}\,\overline{Q}+KQ$$
 کو ساوات درج ذیل ہے۔ $\overline{Q}_{n+1}=\overline{J}\,\overline{Q}+KQ$

سوال ۲۰۲: سشکل مسین ضرب گیٹ کا دورانیہ رد عسل 10 نیسنو سیکنڈ جبکہ جمع گیٹ کا 15 نیسنو سیکنڈ جب د عمل میں ہوں ہے۔ ہے۔ تیسنوں مداحنل بیک وقت تبدیل کیے حباتے ہیں۔ کتی دیر بعید محنارج آج اور F_{2 مستخ}کم حسال مسین ہوں گے؟

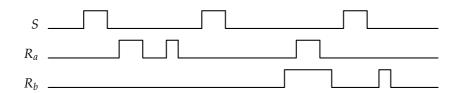


بواب: 25 ns ، 10 ns

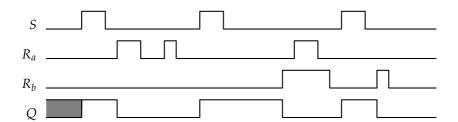
سوال ۱۹۳۳: ایک کمپیوٹر GHz کے ساعتی ایشارے سے چلتا ہے۔ یہ اہشارہ تیس فی صدوقت بلندرہتا ہے۔ جبکہ اسس کا دورانی ارآئی پانچ فی صداور دورانی حب ٹرھائی پانچ فی صدوقت لیتے ہیں۔ ساعتی اہشارے کا دوری عصر صدرہ دورانی حسر صدر دورانی حسر صل کریں۔

 $3 \times 10^{-10} \,\mathrm{s} \cdot 2.5 \times 10^{-11} \,\mathrm{s} \cdot 5 \times 10^{-10} \,\mathrm{s} :$

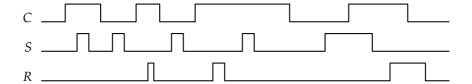
سوال ۱۲.۴: جمع متم گیہ پر مسبنی متعبد د (بلٹ دفعال) مداحنل ایسس آر پلیٹ کے مداحنل ترسیم کیے گئے ہیں۔ اسس کامحن ارج ترسیم کریں۔



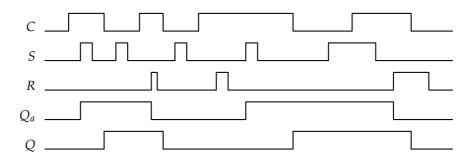
جواب:



سوال ۲۰.۵: آت اوعندام پلٹ کے مداحن ترسیم کیے گئے ہیں۔ آت امت امن ارج میں اور عندام من ارج Q ترسیم کریں۔



جواب:



سوال ۲۰۱: سشکل ۲۳۰۱ مسین سلمہ وار شن کی جمع کار پیش ہے۔اے استعال کرتے ہوئے 10110011 اور 001100112 ور 1001100112

سوال ۱۹.۷: ایک ترتیبی دور جس کے مداحنل x اور y جب کہ مخنارج z ہے مسین دوڈی پلٹ، A اور B مستعمل ہیں۔ دور کی مساوات درج ذیل ہیں۔ یادر ہے ہم A(t+1) کو اگلاحیال جب کہ A(t) کو موجودہ حسال یابازری ایشارہ تصور کر سکتے ہیں۔

$$A(t+1) = \overline{x}y + xA(t)$$

$$B(t+1) = \overline{x}B(t) + xA(t)$$

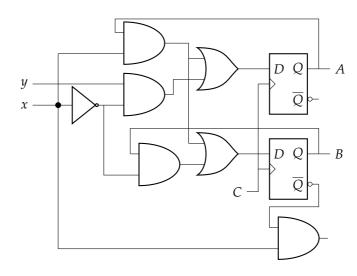
$$z(t) = x\overline{B}(t)$$

ا. ترتیبی دوربن میں۔

ب. ان مساوات سے حال کاجبدول حساصل کریں۔

ج. حال کے جدول سے حال کا حناکہ حاصل کریں۔

جواب:



	X=	=1	X:	=0
AB	y = 1	y = 0	y = 1	y = 0
00	00	00	10	00
01	00	00	11	01
10	11	11	10	00
11	11	11	11	01

سوال X: مداخن X اور دوجے کے پلٹ، A اور B ، پر مبنی ترشیبی دور درج ذیل مساوات پر پورااتر تا ہے۔

$$J_A = \overline{B}$$

$$K_A = x$$

$$J_B = A$$

$$K_B = x$$

ا. ان ے حیال کی مساوات
$$A(t+1)$$
 اور $B(t+1)$ حیاصل کریں۔ $B(t+1)$ ان مساوات ہے حیال کا حنا کہ بت کیں۔

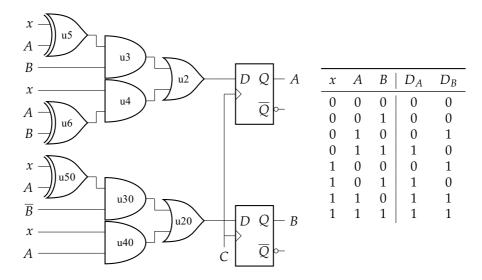
$$A(t+1) = \overline{B} \overline{A} + \overline{x}A$$
$$B(t+1) = A\overline{B} + xB$$

موجوده حسال	_ال	اگلا حہ
AB	x = 1	x = 0
00	10	10
01	00	01
10	01	11
11	00	11

سوال ۱۹۰۹: دوڈی پلٹ، A اور B ،استعال کرکے مداحنل X کار تھیبی دور تحنیق دیں جو بالت برتیب 00 ، 0

جواب:

جواب:



سوال ۲۰۱۰: گزششته سوال مسین مداحسنل e کاانساف کریں۔ بلسند e کی صورت مسین دور جوں کا توں چلت ہو جبکہ پست e کی صورت مسین دور اپناحسال برفت رار کھتا ہو۔

جواب: ساعت C کو ضرب گیٹ سے گزاریں۔ ضرب گیٹ کادوسسرامداحسٰ P ہوگا۔

موال ۱۹.۱۱: بچھلے موال مسین مداحن کی تعداد مسین مسنید اضاف کرتے ہوئے مداحن 8 کا اضاف کریں۔ مداحن 8 کا اضاف کریں۔ مداحن 8 بلند کرنے سے دور کو حسال 00 افتیار کرلین احب ہے جبکہ پست 8 کی صورت مسین دور کو پہلے کی طسرح کام کرنا حیاہے۔

جواب: دونوں ڈی پلٹ کے بلٹ دفسال زبروستی پہتے مداحن ل کو S منسراہم کریں۔

اب

وفتسر

ایک پلٹ کارایک شنائی ہندے (بِٹ) کی معلومات ذخیبرہ کرسکتاہے۔ آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ پلٹ کار درکار ہوں گے۔ وفتراسے مسراد وہ دور ہے جو معلومات ذخیبرہ، اور ایک جگہ ہے دوسسری جگ۔ متال کر کرنے کی صلاحیت رکھت ہو یوں، 11 بِٹ دفتیبرہ اور منتقبل کر کے مصلومات کے انتقبال کا انداز (سلماد واریامتوازی) دور کے ترکمیبی حصہ پر مخصصرہ ہوگا۔

ے دہ ترین حیار ہِٹ وفت رشکل ۱.2 اسیں پیش ہے۔ شکل الف میں مداحنل A جبکہ محنارج B ہیں۔ مداحنل B_3 ، B_1 ، B_2 ، B_1 ، B_2 ، B_3 ، B_3

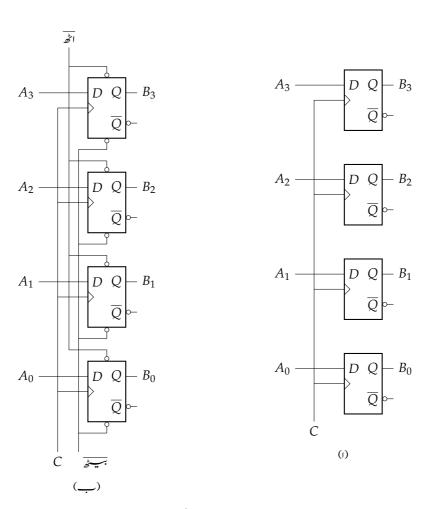
ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر داخنلی حباریٹ پلٹ کار کو منتقبل ہو حباتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں دفت سرمسین مواد کااندراخ ہو گیا، یامواد دفت سرمسین درج ہو گیا، یامواد دفت سرمسین کلھ لیا گیا۔ ساعت کے انگلے کسنارہ حب ٹرھسائی تک سے حیار بٹ معسلومات دفت سرمسین محفوظ، اور محسارج پر دستہاہ ہوگا۔

سشکل ۱.۱-ب مسیں بلند اور پست صلاحیت کا پلٹ کار استفال کیا گیا۔ یوں، ساعت کے کسارہ حسین بلند اور پست کے کسارہ حسین بلند یا پست کیے جب سکتے ہیں۔ زبرد سستی پست کرنے کے دفت رصاف کا انظار کے بیٹرد مستی پست کرنے سے دفت رصاف ہوکر 20000ء جبکہ زبرد ستی بلند کرنے سے 11112 حسارج کرتا ہے۔

اس دور مسیں پلیٹ کار کی تعبداد n کرکے n بٹ دفت ر تشکیل دیاجب سکتا ہے۔ ہر بٹ کا متم بھی دفت رکے محنارج ہے دستیاب ہوگا۔ وستیاب ہوگا۔

register¹

۱۸۰ پاہیے کے دفت ر



شکل ۲۱:حپارېك د فت ر ـ

ا کے سلماہ وار دفت پر



مشكل ٢.٤: دائيں انتقت ال دفت ر

ا. 2 سلسله وار د فت ر

ا.ا.۷ دائيںانتڪال دفت ر

شکل ۲.2 مسین (سلیدوار) دانیه انتقالی دفتر بیش به جهان (متواتر) ایک پلئ کار کامخنارج، دو سرے کامداحنل به اور شنائی مواد، ۲ ، بائین (حبانب) سے مہیا کیا گیا ہے۔ شکل مسین زبرد ستی بست بن نہیں و کھایا گیا تا کہ اصل مضمون پر توجب رہ، تاہم تصور کریں ساعت کے بہلے کسنارہ حپڑھائی ہے قبل، تمام پلٹ کار زبرد ستی بیست کے گئے۔

x=1 و u_4 ، اور u_4 ، اور u_4 ، اور u_4 ، u_5 ، اور u_4 ، اور u_4 ، اور u_4 ، اور u_5 ، اور u_4 ، اور u_4 ، اور u_5 ، اور u_4 ، اور u_5 ، اور u_6 ، اور u_6 ، اور u_7 ، اور u_8 ، اور u_8 ، اور u_8 ، اور u_9 ، اور

دور کوسلملہ وار فسنراہم ہائیں سے مواد، سلملہ وار دائیں پلٹ کے محتارج Q₀ سے ای ترتیب مسیں حساس کیا حبا سکتاہے۔

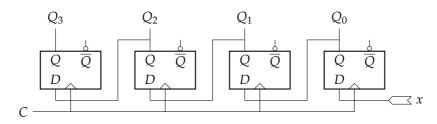
۲.۱.۲ بائين انتقت ال دفت ر

شکل ۲.۷ مسیں (سلمہ وار) **بائیرے انتقالے وفتر** کو کھسایا گیاہے، جو مواد کی بائیں نقشل مکانی کر تاہے۔ اسس کی بہن ویٹ بالکل وائیں انتعت ال دفتسر کی طسرح ہے۔ صنعرق صرف اتنا ہے، بائیں انتعت ال دفتسر مسیں دایاں پلیٹ کار کامخسارج پڑوی بایاں پلٹ کار کامداحسن ہے۔

ے کے کنارہ حب ٹرھائی پر دایاں پلٹ کار فضراہم کردہ مواد χ کی نقشل مساس کر کے Q_0 پر حنارج کر تاہے۔

shift right register shift left register

۱۸۲



مشكل ٢٠.٣: بإئين انتقت ال دفت ر

ا گلے کن ارہ پر ب مواد Q₁ کو منتقبل ہوگا۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ یہاں مواد دائیں سے فنسراہم کیا گیا ہے، جو دور مسیں سے گزرتے ہوئے مائیں منتقبل ہوگا۔

۲.۱.۳ دائين وبائين انتقتال دفت ر

شکل کے ۲۲ مسیں (سلمہ وار) بائیں ووائیں انتقال و فتر پیش ہے جو مواد کی بائیں یاوائیں نقسل مکانی کی صلاحیت رکھت ہے۔
محساری و کی پلٹ کارے مداحنل D اور اسس سے منسلک جمع گیٹ اور (دو) خرب گیٹ پر توجب رکھیں۔ و تابو
امضارہ (بائیں / دائیں) بلند ہونے کی صورت مسیں، دایاں خرب گیٹ معند ور جبکہ بایاں محباز ہو کر، جمع گیٹ تک ورج پہنچ تے ہیں جو D پرخس درج ہو کر بطور وی پہنچ تے ہیں جو D پر دستیاب اور ساعت کے اگلے کسارہ حیورہ طاقی پر پلٹ کار مسیں درج ہو کر بطور وی و کی مورت مسیں، دایاں خرب گار مسیں مواد ہو گی صورت مسیں، دایاں خرب گیٹ ہوا۔ اسس کے بر عکس متابو امضارہ پیست ہونے کی صورت مسیں، دایاں خرب گیٹ ہوا۔ اسس کے بر عکس متابو امضارہ پہنچ تے ہیں، جو آحسر کار وی پہنچت ہو۔ دایوں مواد پہنچ تے ہیں، جو آحسر کار وی پہنچت ہو۔ اور ہول مواد پائیں متعقب ہوتا ہو۔ اور ہول مواد پائیں متنقبل ہوتا ہے۔

بائیں ترین پلٹ کار کو ہیں۔ وفی مواد 14 جب کہ دائیں ترین کو ٪ منسراہم کیا گیا ہے۔ متابوا شارہ ان مسیں سے ایک منتخب کرتا ہے جومط اوب سمت (دائیں پابکس) منتقب ہوگا۔

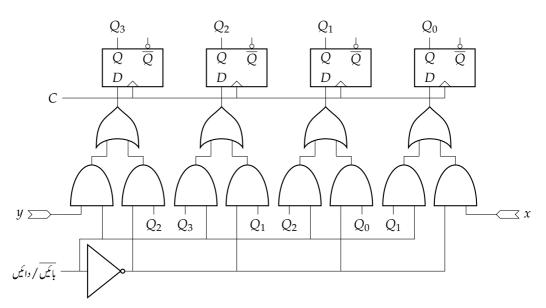
، Q_1 بائیں نفت ل مکانی کے دوران x پر میں مواد ساعت کے کنارہ حبٹر ھائی پر Q_0 پنجت ہے۔ اگلے کنارہ پر یہی مواد Q_1 اس سے اگلے پر Q_2 اور آحن رمیں Q_3 پنجت ہے۔ دائیں نفت ل مکانی کی صورت مسیں Q_1 پر موجود مواد السل رخ Q_2 سے Q_3 نفت ل مکانی کرتا ہے۔ Q_3 نفت ل مکانی کرتا ہے۔

بعض اوت ، و نترمسیں بیک وقت مواد حب را حسانے کی ضرورت پیش آتی ہے۔ شکل ۵.۷مسیں دائیرے انتقالی، متوازی محرائی وفتر مبیش ہے، جس مسیں متوازی مواد بیک وقت حب را مسکن ہے۔ یہ مخصر اُمتوازی وائیرے انتقالے وفتر کہا تاہے۔

پلٹ کار کو جمع گیٹ معلومات سنراہم کرتا ہے جس کو دو ضرب گیٹ مواد سنراہم کرتے ہیں۔ تابو اشارہ

parallel load, right shift register"

_



مشكل ۴ . 2: ما ئين و دا ئين انتقتال د فت ر

متوازی ہجسرائی عسام طور غیسر فعسال (بلند) رکھا حباتا ہے۔ یوں دایاں ضرب گیٹ معسذور جبکہ بایاں گیٹ محباز ہوکر، بائیں پلٹ کار کامخساری، جمع گیٹ کے راستے پلٹ کار کو منسراہم کر تاہے، جو ساعت کے ایکے کسنارہ حپڑھائی پر پلٹ کار مسین درج ہوگا۔

مواد 20 تا 23 پلٹ کار مسیں حب ٹرھانے کے لئے متوازی بھسرائی پیت کسیاحباتا ہے۔ یوں پلٹ کار کو مواد منسراہم کرنے والا بایاں ضرب گیٹ معد دور جب کہ دایاں محباز ہوگا۔ محباز گیٹ متوازی مواد کو جمع گیٹ کے راستہ پلٹ کار تک پہنچیا تا ہے۔

یوں پلٹ کارمسیں مواد سلسلہ وار (y) یامتوازی (z₃ تا z₃) بھسراحب سکتاہے۔

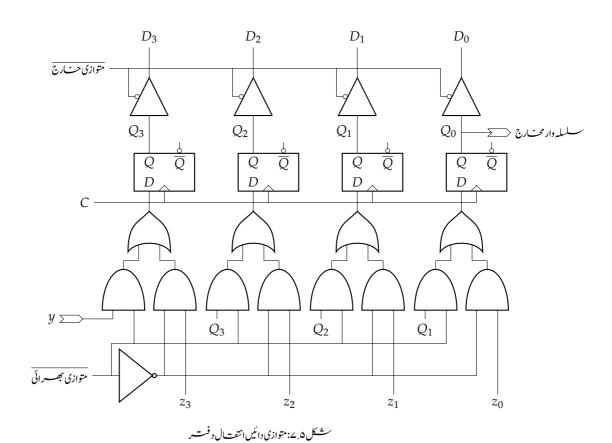
سشکل مسیں پلٹ کار کا محنارج، محباز و معندور مسلامیت مستحکم کارسے منسلک کیا گیا ہے۔ وت ابو احشارہ متوازی حنارج پست کر کے پلٹ کار کا مواد Q_0 تا Q_0 تا Q_0 حاصل کیا جب سکتا ہے۔ وت ابو احشارہ معندور (بلند) ہونے کی صورت مسین مستحکم کار کامخنارج بلندر کاوٹ حسال مسین ہوگا۔

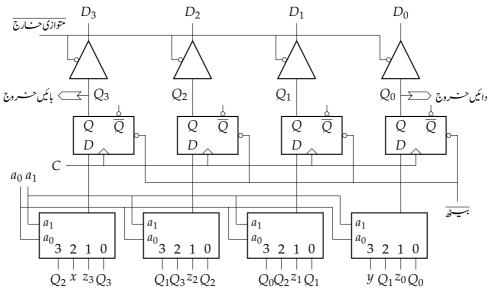
۲.۳ عبالمسكيرانتفتال دفت ر

ہم مختلف صلاحیت کے دون از پر غور کر چکے، جن کی خوبسیاں ایک دور مسیں سموئی حبا^{سک}ق ہیں۔ایسا ایک عالمگیر انتقال حرفتر ^مشکل کے ۲ مسیں پیش ہے۔

universal shift register^a

المب ٤. دفت ر





شكل ٧.٦: حياربِك، عسالسكيرانتق ال دفت ر

شکل ۲.۷ مسیں حیاریک ان جھے ہیں، جن کی کار کر د گیا ایک حب سے ہے۔ دایاں حسب پر غور کرتے ہیں۔

پلٹ کارک ساتھ چار سے ایک منتخب کنندہ جوڑا گیا ہے۔ پت کے دوبِت a_1 اور a_1 مداحن سیں سے ایک چن کر حنار جی پائی پہنچ سے ہیں۔ مداحن کا انتخب درج ذیل حب دل کے تحت ہوگا۔

a_1	a_0	D_0	
0	0	Q_0	حبال بر فتسرار
0	1	z_0	متوازی دا ^{حن} ل
1	0	Q_1	دائيںانتقتال
1	1	y y	بائين انتقت ال

پتہ 00₂ مواد Q₀ منتخب کرکے پلٹ کارکے مداحن پر مہیا کر تاہے جوا گلے کن ارہ ساعت پر پلٹ کارکے حنار جی پن پر حنارج ہوگا۔ پول دفت رایت حسال برقت رار رکھے گا (اور مواد دائیں پابائیں منتقب نہیں ہوگا)۔

serial in

output²

serial out

المسيار وفتر

یت 01_2 مواد 0_2 پلٹ کار کومہیا کرے گاجو ساعت کے اگلے کسٹارہ پلٹ کار کے محسارج پر نمودار ہوگا۔ چونکہ 0_2 متوازی مہاد دفت مسین حیث ہے گا۔

پت ہے 102 پلٹ کار کو Q_1 مہیا کرے گا۔ یوں موجودہ Q_1 ساعت کے اگلے کنارے پر بطور Q_0 نمودار ہو گا۔ لینی دفت ر مواد دائیں متقت کر کے گا۔

پت۔ 11₂ سلمہ وار مہیا کر دہ مواد y منتخب کرے گاجو ساعت کے اگلے کنارہ پر بطور Q_0 نمودار ہو گا۔ یوں دفت سرمواد بائیں منقتل کرے گا۔

مذ کورہ بالا تحب زہے باقی تین حصوں پر لا گو کر کے عسالم گیے روفت رکی کار کردگی حب دول مسیں پیش کرتے ہیں۔

a_1	a_0	D_3	D_2	D_1	D_0	
0	0	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	حسال برفت رار متوازی داخش دائیں انتقت ال بائیں انتقت ال
0	1	z_3	z_2	z_1	z_0	متوازی دا ^{حن} ل
1	0	x	Q_3	Q_2	Q_1	دائيں انتقت ال
1	1	Q_2	Q_1	Q_0	y	بائيں انتقت ال

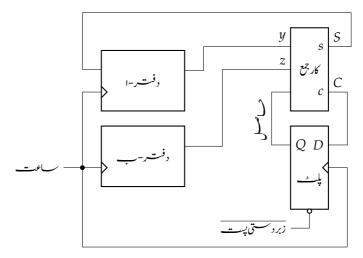
مثق اے: انٹ رنیٹ سے عبالسگیر انتقال دفت ہر 74194 کے معلوماتی صفحیات حیاصل کریں۔ یہ کتنے بِٹ کا عبالسگیر انتقال دفت ہے؟

صفی۔ ۱۵۹ پر سٹکل ۲۴.۲۸ مسیں سلمہ وارشنائی جمع کارپیش ہے جس کواستعال کر کے سٹکل ۷.۷ مسیں پیش متعب د بیٹ سلمہ وارشنائی جمع کار حساصل کیا گیا۔ یہاں 11 بٹ متوازی دائیں انتصال دفت ر (ااور ب) مستعمل ہیں۔

ساعت کے پہلے کنارے سے قبل (یعنی مجبوعہ لینے سے قبل)، وفت رامسیں شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست کسیاحب تا ہے (تاکہ مکسل جع کار کاداحنلی حساسل 0 ہو)۔ شکل مسین متوازی حسائی نہیں دکھائی گئی تاکہ اصل موضوع پر توجہ رہے۔

کسل بیخ کار ان دوشنائی اعبداد کے کم تر تی بیٹ اور داحنلی حساس ل جیخ کر کے بیٹے s_0 اور حسار بی حساسل c_1 حسارت کرتا ہے۔ ساعت کے پہلے کسنارے پر c_1 کو ڈی پلٹ کار محفوظ کر کے ایگلے شنائی بٹ کی بیٹے کے دوران مکسل بیخ کار کو بطور داخنلی حساسل و نسراہم کرتا ہے جب د فتسر – ااور د فسسر – ب ایگلے شنائی بٹ و نسراہم کرتے ہیں۔ بیخ s_0 مشکل مسیں د فسسر – اور مہیا کہا گیا ہے۔ یوں جیسے جینے د فسسر شنائی عسد و کا دائیں حبانب حسارت کرتا ہے والے اسس کی جگہ دو اعمد د کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد دو کرتا ہے والے اسس کی جگہ دو اعمد اد کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد دو

۸۷.۷. سلمله وارشنائی جمع کار



شكل 2.2: متعبد دبث سلسله وارشنائي جمع كار

شنائی اعبداد کا محبسوعہ دفت سر-امسیں محفوظ ہو گاجہاں سے اسے متوازی پڑھا حبا سکتا ہے جبکہ محبسوعے کا آحنسری حساسل کھسل جمع کارکے محنارہ 2 سے پڑھا حباسکتا ہے۔

سوالات

سوال ا. 2: حیار بیسے سلسلہ وار دائیں منتقبل و فت رسیس ابت دائی شنائی مواد 1011 موجود ہے۔ دفت رکا محنارج ای دفت رکو بطور مداحنل مہیا کیا حیاتا ہے۔ سات ساعت کے کنارے گزرنے کے بعید دفت رسیس کیا عید د ہوگا؟

جواب: 0111

سوال 2.۲: گزشتہ سوال مسیں دائیں منتقتل د فت رکے بحب نے بائیں منتقتل د فت راستعال کرتے ہوئے جواب معسلوم کریں۔ جواب: 1101

سوال ۲.۳ : گزشته دوسوالات مسین ساعت کے ہر کنارے پر دفت رمسین شنائی عب دمسلوم کریں۔

جواب: 0110 ، 10101010

۱۸۸ پاپے کے دفت ر

سوال 2.2: گزشته سوال مسین بائین منتقب د فت راستعال کرتے ہوئے جواب حساصل کریں۔ حپاریِٹ مداحسٰل کابلٹ د تربِٹ پہلے فسسراہم کمیاحباتا ہے۔

جواب: 1011 ، 01101010

سوال ۲۷: آٹھ ہٹ کے دوعہ د ہائیں انتقت ال دفت راستعال کرتے ہوئے سولہ ہٹ کابائیں انتقت ال دفت رحب صل کریں۔ سوال ۷۷: شکل ۷۷ مسیں سلیلہ وارشنائی جج کار دکھیا یا گیا ہے۔ آٹھ بٹ دفت ر۔ امسیں 11001010 اور آٹھ بٹ دفت ر۔ امسیں 11100001 اور آٹھ بٹ دفت ر۔ امسیں کی بست کھیا گئی ہیں۔ کرنے کے بعد ساعت کے آٹھ کن ارب گزرتے ہیں۔ ساعت کابر کن ارہ گزرنے کے بعد دفت ر۔ امسین کی مواد موجود ہوگا؟

جواب: پہلے کنارے کے بعد دفتر-امسیں 11100101 ہوگا۔ آھندی کنارے کے بعد C=1 اور دفتر-امسیں 10101011 ہوگا۔

سوال ۸۔2: سلملہ وارشنائی جمع کارسے سلملہ وارشنائی منفی کار ساصل کریں۔ منفی کر دہ عسد د کا تکمسلہ د فتسر – ب مسیں متوازی لکھنا بھی د کھائیں۔

اب ۸

گنے۔ کار

شنائی گنت کار آپ دیکھ چے ہیں۔ گنت کار کابنیادی مقصد داخلی برقی اشارے ای گنتی کرناہے۔ برقی اشارہ اے بطور ساعت یا سامت یا سامت یا سامت کے طور پر مہیا کیا حب تا ہے۔

وہ و فتر جس کے حنار بی برقی احشارات شنائی گسنتی کے تحت رتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں ثنائی گئے کار کہلاتا ہے۔وہ د فت رجس کے حنار بی احشارات اعشاری گسنتی کے تحت رتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں اعتار کھے گئے کار کہلاتا ہے۔

> ان کے عسلاوہ، کوئی بھی دور جو کسی متعسین ترتیب کے تحت متواتر حسال تب دیل کر تاہو گنت کار کہائے گا۔ گنت کار ادوار پر اسس باہے مسین غور کسیا حبائے گا۔

۸.۱ شنائی گنت کار

حپاربِٹ شنائی سید ھی گسنتی و 00000 تا 11112 مسکن ہے۔ ای طسرح النی گسنتی و 1111 سے شروع ہو کر 00000 پر جستم ہوگی۔ دونوں صور توں مسیں گسنتی پوری ہونے کے بعد عصوماً دوبارہ نئے سرے سے مشروع کی حباتی ہے۔ مشکل ۱۸۔ الف مسین چار ہے۔ ثنائی اللے گنتے کار مہیت ہیں۔ ان کی بیاد سے متابی کی مسین جستی ہیں۔ ان کی بیاد میں بیاد میں

ثنائی گنھ کار میں بہتے بھی دکھ ہے ہیں۔ سیدھ گنھ کار میں زبرد ستی بلند (و) این غیر نعال رکھا جاتا ہے۔ گنتی سندوع کرنے سے قبل زبرد ستی پست کولمحساتی پست (و) کرے گنتی (کی ابتدائی تیمت)

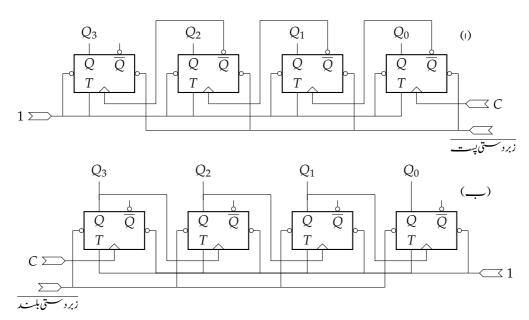
electrical signal

four bit binary up counter

four bit binary down counter

binary counter

۱۹۰ باب۸. گنت کار



شکل ۱.۸: سیدهااور الٹ گن**ت** کار

0000₂ کی حباتی ہے۔ گئنتی کے دوران کی بھی وقت زبردستی پیت احشارہ پیت کر کے گئنتی دوبارہ صف رسے حشر وی کی حباسکتی ہے۔

النے گئنے کار میں زردستی پیت کو غیر فعال رکھا جاتا ہے جب نزردستی بلند امشارے کو گئنے کار میں زردستی بلند امشارے کو گئنی مشاروع کرنے سے قبل لمحاتی فعال کر کے گئنی 1111 سے مشروع کی حباتی ہے۔ گئنی دوران کی بھی وقت اس امشارے کویت کر کے گئنی دورادہ 11112 سے مشروع کی حباستی ہے۔

سیدھے گنت کار کو مثال بنتے ہوئے ایک اہم صورت حسال پر غور کرتے ہیں۔ شکل مسیں بایاں ترین پلٹ، ساعت کے (ہر) کندارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتا ہے۔ ساعت کے کندارہ حپڑھائی کے کچھ دیر بعد \overline{Q}_3 حسال تبدیل کرے گا۔ اس دورانی کو پلٹ کا دورانیہ روعکی آئے ہیں۔ یوں اگلے پلٹ کو، جے \overline{Q}_3 بطور ساعت مندراہم کیا گیا ہے ، حسال تبدیل کرنے کا خب راصل ساعت (کے کندارہ حپڑھائی) ہے کچھ دیر بعد پہنچتا ہے۔ اسس پلٹ کو بھی میناری (\overline{Q}_2) تبدیل کرنے کا خب راصل ساعت دورانی رد عمسل بھنا وقت در کار ہوگا۔ ای طسر آسس ساما گلے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں اس ساعت الگے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں کا درانے در دعمسل کے دی دورانی در در عمسل ساعت در کار مینارہ در عمسل ساعت کے درار تاخیس سامال کا دی کے درانے در درانے در درانے در دعمسل کے درگے وقت کے برابر تاخیس سامال گا

آپ و کیھ سے ہیں اسس دور مسین تمسام پلٹوں کے محسارج بیک وقت سبدیل نہیں ہوں گے بلکہ محسارج کی سبدیلی بائیں پلٹ سے سضہ وع ہوتی ہے اور بدستور دائیں حبانب بڑھتی ہے۔ محسارج کی سبدیلی اسس دور مسین لہسر کی طسرح گزرتی

propagation time^a

۸.۲ معیاصر گنت کار ۸.۲



مشكل ٨.٢: معاصر شنائي گنت كار

ہے۔ یوں اسس طسر آ دوار کو اہریا گنے کار ایک بیں۔ یوں موجودہ دور اہریا ثنائی گنے کار کہ ساتا ہے۔

عسین ممسکن ہے کہ آحن ری پلٹ تک سعت کی خب رہنجنے سے قب ل سعت کا نسیا امثارہ پہلی پلٹ کو ملے۔ یوں آحن مری پلٹ گزشتہ ساعت گننے کے مطابق جب کہ پہلی پلٹ نئی سعت گننے کے مطابق ہو گااور گسنتی عناط ہو گل۔ متعد دپلٹ پر مبنی لہدیا گنت کار مسین اسس مسئلہ کی توقور تھیں۔

معاصر گنت کاراسس مسئلہ ہے یا کے ہیں۔ آئیں ان پر غور کرتے ہیں۔

۸.۲ معاصر گنت کار

معاصر گئتے کار مسین تمام پلٹ کوایک ہی ساعت مہیا کی حباتی ہے البندا تمام پلٹ ہیکوقت نیاحال افتیار کرتے ہیں۔ ان ادوار مسین ہم پلٹ کے مداحسل پر ترکسی دور نصب کر کے ، اے اگلی ساعت کے کنارے پر، بلند پایست ہونے کا امشارہ مہیا کہ حباتا ہے۔ پلٹ اگلی ساعت کے کنارے پر اسس امشارے کے مطابق حسال افتیار کرتا ہے۔ یہ فیصلہ کہ اگلی ساعت پر پلٹ بلندیا ہیت حسال افتیار کرے گا، دور کے موجودہ حسال کو دکھے کر کمیاحب تا ہے۔ اسس طسریق کارکوچند مشالوں سے مسجھتے ہیں۔

۸.۲.۱ معاصر شنائی گنت کار

تا ہے معاصر ثنائی گنتے کار مشکل ۲.۸ مسیں پیش ہے۔ منارج Q₀ کمت ررتی ہدجبکہ Q₂ بلند زرتی ہِد کے۔ اس دور کی بناوٹ سیکھتے ہیں۔

حبدول ۱.۸ مسیں موجودہ عال کی قطار مسیں تین بِٹ شن کی گئے ہو کی بھی لیحے پلئے کاموجودہ حال پیش کرتی

ripple counter

binary ripple counter²

three bit synchronous counter^A

حبدول آرم: معساصر شناقی کنیت کاریے حسال	ما المرشن ائی گنت کارے حال	حبدول ۸.۱ معب
---	----------------------------	---------------

ال	جو دہ حب	iga n	اگلا حسال			(بداحنا	•
Q_2	Q_1	Q_0	Q_2	Q_1	Q_0	T ₂	T_1	T_0
0	0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	1	0	0	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	1	1	0	0	1
_ 1	1	1	0	0	0	1	1	1

حبدول ۸.۲: في پلين کي کار کر د گي

$$\begin{array}{ccc}
T & Q_{n+1} \\
0 & Q_n \\
1 & \overline{Q}_n
\end{array}$$

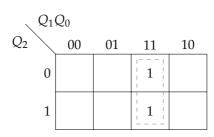
ہے۔ موجودہ حسال استعال کرتے ہوئے باقی جدول حساس ہوگا۔ حبدول کی پہلی صف پر غور کریں جہاں موجودہ گسنتی یا موجودہ حسال 2000 ہے۔ ہم حیاج ہیں کہ اگلاعہد و 001 ہو، البندا الکھ عالی کی پہلی صف مسین ہم 2010 کھتے ہیں۔ آحنسری صف مسین موجودہ حسال 111 ہے۔ تین بیٹ استعال کرتے ہوئے یہیں تک گسنتی مسکن ہے۔ اسس آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ ہیں گسنتی تک پہنچ کر ہم دوبارہ 2000 ہے گسنتی شہروغ کرتے ہی، البندا آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ ہیں موجودہ حسال کی دوسری صف موجودہ حسال کی تیسری صف ہوگا۔ اس کی دوسری صف ہوگا، اور موجودہ حسال کی پہلی صف اگلے حسال کی توسری صف ہوگا۔

پہلی صف کے کمت رہ تی بِٹ Q_0 پر غور کرتے ہیں۔ اسس بٹ کی موجودہ قیت کو موجودہ حسال Q_0 ظاہر کرتا ہے جو 0 ہے جب اسس کی اگلی قیت اگلاحسال Q_0 ظاہر کرتا ہے جو 1 ہے۔ ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ساعت کے کسنارہ حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات کی بہلی صف میں T_0 کی تیت T_0 کرتے ہوئے کے معناری میں مواظر کاحنات بناکر اسس کی پہلی صف میں T_0 کی تیت T_0 کی تیت ہیں۔

0 ای $(\frac{y-1}{y-1})$ صف مسیں انگلے بنہ Q_1 پر غور کرتے ہیں۔ اس بنہ کی موجو دہ قیت 0 ہو اور اس کی اگلی قیت بھی 0 ہے، 0 المهندان اعت کے انگلے کنارے پر ہم نہیں حہا ہے کہ بہ پہلٹ این حسال تبدیل کرے ایوں اس پلٹ کے مداحن T_1 کوپت رکھنا ہوگا۔ اس طسر T_1 کے حنانے مسیں T_1 کی تیاں۔ مداحن کے کے جب دول کے حن نے گر کے گئے ہیں۔

دور بنانے کے لئے حبدول ۱.۸ مسیں مدافلوں کی قطب راستعال ہو گی جس سے محبوعہ ارکان ضرب کی ترکیب سے درج

۸.۲ معاصر گنت کار



$$T_2 = Q_1 Q_0$$

Q_1Q_0									
Q_2	00	01	11	10					
0		1	1						
1		1	1						

$$T_1 = Q_0$$



 $T_0 = 1$

شکل ۸.۴۰ تین بٹ معیاصر گنت کار کی سادہ مساواتیں

زیل مساوا<u>ت لکھے</u> حباسکتے ہیں۔

$$T_0=1$$

$$T_1=\overline{Q}_2\overline{Q}_1Q_0+\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2\overline{Q}_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

$$T_2=\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

ہے۔ مباوات موجودہ حسال کی قیمتیں مدِ نظر رکھ کر لکھی گئی ہیں۔ حب دول ۸۔ امسیں موجود مواد سے سشکل ۳۰۸مسیں پیش

۱۹۴ باب۸. گنت کار

کارناف فقثوں کی مدد سے درج ذیل سادہ مساواتیں حساصل کی گئی ہیں۔

$$T_0 = 1$$

$$T_1 = Q_0$$

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

شکل ۲.۸ مسین تین پلوں کومساوا۔ ۲.۸ ہے حسامسل برتی اشارا۔ بطور مداحسٰل منسراہم کرکے **تابی** پھے معاصر ثن**ائی گزشے کار ⁹حسامسل** کسیا گسیا ہے۔

$$egin{aligned} T_0 &= 1 \ T_1 &= Q_0 \ T_2 &= Q_1 Q_0 \ T_3 &= Q_2 Q_1 Q_0 \end{aligned}$$

۸.۲.۲ شنائی مسر موزاعث اری معیاصر گنت کار

گزشتہ ہے مسیں تین بِٹ شن کی گنت کار پر خور کے گیا، جو 0000 تا 1118 گسنتی کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حیار بِٹ شن کی گنت کار کو 20000 تا 1111 شن کی گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن کی گنت کار کو 20000 تا 1111 شن کی گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن کی گنت کار کو 20000 تا 10012 گسنتی کار احساس ہوگا، جس پر اسس ہیں۔ حید ول مسیں خور کی حیار کا اضاف خور کی میں شن کی مسرموز اعشاری گنت کار کے حیال پیش ہیں۔ حید ول مسیں مخالج کی قطار کا اضاف سے کسیا گیا ہے۔ محناری کو صف سرے نو تک گسنتی پوری ہونے پر ساعت کے ایک دور کی عرصہ ساکے لئے بلند ہوتا ہے۔ مم آگے دیکھیں گے کہ کا استعال کرتے ہوئے متعدد اعشاری ہند سول گئنت کار تحنیق و جاتے ہیں۔

three bit synchronous binary counter9

four bit synchronous binary counter

BCD decimal counter"

time period"

	Q_1	Q_0			
Q_3Q_2		00	01	11	10
	00			1	
	01			1	
	11			d	d
	10	d	d	d	d

_	Q_1				
Q_3Q_2		00	01	11	10
	00				
	01			1 1	
	11		1	d	d
	10	d	d	d	d

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

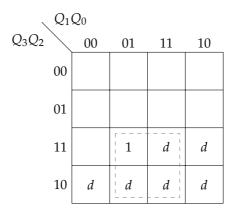
$$T_3 = Q_3 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0$$

\	Q_1Q_0								
Q_3Q_2		00	01	11	10				
	00	1	1	1	1				
	01	1	1	1	1				
	11	1	1	d	d				
	10	d	d	d	<i>d</i>				

\	Q_1	Q_0			
Q_3Q_2		00	01	11	10
	00		1	1	
	01		1	1	
	11			d	d
	10	d	d	d	d

 $T_0 = 1$

$$T_1 = \overline{Q}_3 Q_0$$



$$y = Q_3 Q_0$$

	حال	موجوده			سال	اگلا حـ		مخنارج		نل	مدا ^ح	
Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	y	T ₃	T_2	T_1	T_0
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1
0	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
_ 1	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	0	1

حبدول ۸٫۳:شنائی مسرموز اعشاری گنیسکار کے حسال

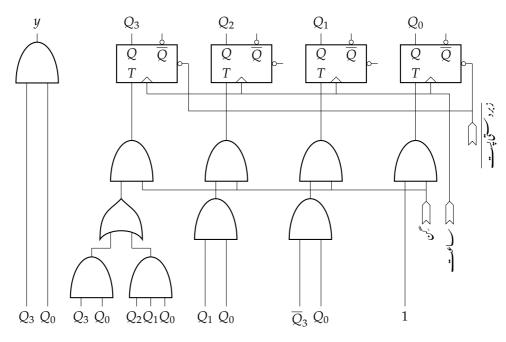
1000 تا 1010 تا 1010 تا 1010 ترتیب استعال نہیں ہوتے، اہند اکارنان نقتوں کی مدد سے پلیوں کے مداخشل کر تاریخت کی میں میں میں میں میں اور میساوات سے مسل کرتے وقت انہیں غیر ضرور کی حال تصور کیا جاتا ہے۔ مشکل T_3 تاریخت کی سازہ مساوات سے مسل کرناد کھایا گیا ہے۔ T_4

$$T_0 = 1$$
 $T_1 = \overline{Q}_3 Q_0$ $T_2 = Q_1 Q_0$ $T_3 = Q_3 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0$ $y = Q_3 Q_0$

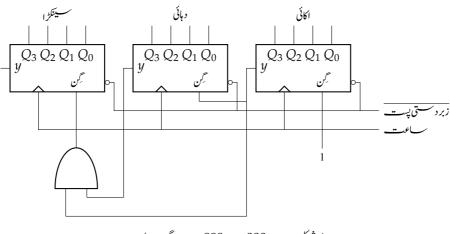
ان مساوات سے حساسل دور مشکل ۵.۸ مسین پیش ہے، جہاں تمسام پلٹ کے مداحسٰل پر اضافی ضرب گیٹ نصب کر کے گسنتی مشروع اور روکنے کی اصافی صلاحیت بھی پیدا کی گئی ہے۔ ان اصافی ضرب گیٹوں کو برقی امشارہ گرخ مہیا کسیا گسیا ہے۔ یہ امشارہ بلند ہونے کی صورت مسین دور گسنتی کر تا ہے اور امشارہ پیت ہونے کی صورت مسین گسنتی روکتا ہے۔

مشکل ۲۰۸ مسیں تین درجی دور بنایا گیا ہے جو 00000 تا 999و0 گستی کرتا ہے۔اے بنانے کی حناطسر تین عدد مثالی مرموز اعتار کے گئنہ کار (شکل ۵۰۸) استعال کیے گئے۔ای طسرح مسزید در حبات جو ڈکر درکار ہند موں کا گنت کار جسنایا جاتا ہے۔ اکائیوں کی گسنتی 910 کو پینچنے پر اکائی گنت کار بلند ہو حناری کرتا ہے جو دہائی گنت کارے گیخ مداحنل کو صندائم کمیا گیا ہے۔ یوں ساعت کے اگلے کسنارے پر دہائی کی گسنتی مسیں 1 کاامن اف ہوگا۔ ای طسرح 99 کو پینچنے پر سینکوا گئنت کار کا گھنے مداحن بالمند ہوگا۔در کارائے کے کسنارہ ساعت پر سینکوا گئنت مسیں 1 کاامن اف ہوگا۔

۱۹۸ معاصر گنت کار



شکل ۸.۵:شنائی مسرموزاعثاری معساصر گنت کار



شكل ٨٠١ ، 000 تا 999 معاصر گنت كار

اب۸. گنت کار

اس دور کی کار کرد گی تھے یوں ہے۔ گنتی شہروع کرنے سے قبل زبردستی پیسے کو لمحسانی پیسے کرکے گنتی 000_{10} دی حیاتی ہے۔ ساعت کے کنارہ حید رہائی اور سیکڑا کی گستی ہیں۔ کا گوئی ہند سے کی گستی ہیں اکائی درجہ کا محنارج y پیسے رہت ہے جو دہائی اور سیکڑا کی گستی روک کرر گھت ہے۔ گستی 009_{10} تا ہے دور کی عصر میں کے لئی بدد موالا میں اور کی کا محنارج y ایک موجوبا کے محسارہ میں گا، جب دہائی درجہ کا ہمند سہ 010 سے بڑھ کر 011 ہو حب کے گااور ای وقت اکائی کا محنارج y واپس پیسے حسال اختیار کر گا، جب دہائی درجہ کا ہمند سہ 010 سے بڑھ کر 011 ہو حب کے گااور ای وقت اکائی کا محنارج y واپس پیسے حسال اختیار کر کی رہتی ہے۔ ای طسر ح 010 بعد اکائی اور دہائی در حب سے محنارج y بلند ہوتے ہیں جس کی وجہ سے اگلے میں میں جس کی وجہ سے اگلے حسان حسل کی درجب سے اگلے درجہ سے اگلے میں جس کی وجہ سے اگلے حسان کی محنارج y دوہارہ پیسے ہوجہائی اور دہائی در حبات وجہائی گا جب کہ اکائی اور دہائی درجہات y وجہائیں گا ورب اگلی وردہائی درجہائیں گا ورب اگلی اور دہائی درجہائیں گا ورب ایک گا وہ جب کی گا وہ دہائی اور دہائی درجہائیں گی وجہائیں گا وہ دہائی اور دہائی درجہائیں گا وہ دہائی درجہائیں کے گا وہ دہائی درجہائی درجہائیں کے دہائی درجہائی کے گا وہ دہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی کے کہ درجہائی کے درجہائی درجہائی کے کہ درجہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی

مثق ا.٨: انسٹرنیٹ سے 7493 اور 4516 کے معسلوماتی صفحات حساس کریں۔انہیں استعال کرتے ہوئے متعبد دبٹ گنت کار تحضایق دیں۔

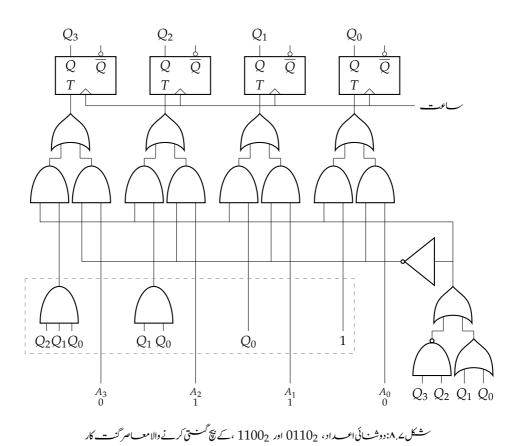
۸.۳ دیگر گنت کار

۸.۳.۱ متغب رلمبائی گنت کار

 $= \sqrt{1000}$ تا = 1111 گستی کرتا ہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے نی گستی کرتا ہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے نی گستی کرنے پر محببور کمیا حب ساتھ ہے۔ جس عدد سے گستی کا آغناز کرنا ہووہ عدد دور کو متوازی و مسراہم کریا جب تا ہے کہ وہ دوبارہ متوازی و مسراہم کردہ عدد داحن کرکے گستی از سے نوشروع کرے۔

variable length counter"

۸٫۳ دیگر گنت کار



۲۰۰ پاب۸. گنت کار

حبدول ۸.۴: بے ترتیب گنت کار، برائے مثق ۲.۸

موجو ده حسال							
Q_2	Q_1	Q_0					
1	0	1					
0	1	1					
1	1	0					
0	1	0					
1	0	0					
0	0	0					
0	0	1					

دورمسیں 01102 پہلی مسرتب داخنل کرنے کاطسریق، نہیں دکھایا گیا۔

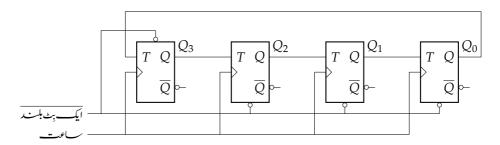
۸.۳.۲ کنت کار

معاصر شنائی گنت کار پر بحث کے دوران حبدول ۱۸ اپیش کیا گیا۔ اسس حبدول کے موبودہ مالی حنانوں مسیں 000ء ، 001ء ، 000ء ، 000ء کیا تا جبدول حساسل کیا گیا۔ یوں حساسل گنت کار 000ء کے بتدریج بڑھتے ہوئے 111ء تک گنت ہے۔

یہ ضروری نہیں کہ گنت کارعیام فہم گنتی کی ترتیب مسین ہی گئنے۔ موبودہ عالی صفوں مسین کوئی بھی ترتیب ککھی حباست ت سنتی ہے۔ فقط است نحییال رکھنا ضروری ہے کہ ہر صف مسین منف روعب در لکھ اسے باقی حب دول ان اندراج کے مطبابق پورا کرنے ہے ایس گئنت کار حساسل ہو گاجو موبودہ عالی صفوں مسین لکھے گئے اعبداد کے مطبابق گسنتی کرے گا۔ ہم اسس کو لیے ترتیبے گئنتے کار پارسکتے ہیں۔

مثق ۸.۲: ایس بے ترتیب گنت کار تخلیق دیں جو بدول ۴۰۸ مسیں پیش اعبداد کی ترتیب کے مطابق گنت ہو۔ 001 دے گاور 2012 دے گاور 2012 دے گاور 2012 دے گاور 2012 تک یہنے کے بعد دوبارہ 2012 کے گئٹ شروع کرے گا۔

۸٫۳ دیگر گن<u>ت</u> کار



شنگل ۸.۸: پیسلا گنسه کار حبد ول ۸.۵: حسار بری چیسلا گنسه کار

	حال	موجوده			سال	اگلا حہ			نل	مداح	
				Q_3							
1	0	0	0	0 0 0 1	1	0	0	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0

۸,۳,۳ چيلاگنت کار

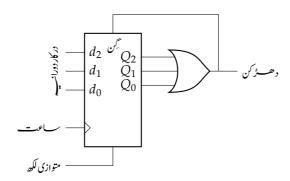
ring counter"

باب۸. گنت کار

Q	$_1Q_0$			
Q_3Q_2	00	01	11	10
00	d	$\begin{bmatrix} 1 \end{bmatrix}$	d	0
01	0	$\begin{vmatrix} 1 \\ 1 \end{vmatrix}$ d	d	d
11	d	d	d	d
10	0	d	d	d

 $T_3 = Q_0$

شکل ۸.۹: چیسلا گن<u>ہ</u> کار کے مدا^{حن}ل 7₃ کا حصول۔



شکل ۱۰ د هسژ کن پیپداکار

۸.۳.۴ د هسر کن پیداکار

بعض اوت اسے ہمیں مقسررہ دورانی کابلٹ یاپسے احشارہ در کار ہوتا ہے۔ تین بِٹ کامع اصر شن انی الٹ گنے کار استعمال کرتے ہوئے ایسا دور تشکیل دیتے ہیں۔ اسس دور کوہم **دھر کھنے پیدا کار** ۱۵ کہیں گے۔

تین بِٹ الٹ گنت کار 111 تا 000 دہراتا ہے۔ شکل ۱۰۸ مسین متوازی دخول صلاحیت رکھنے والا تین بِٹ الٹ گنت کار استعال کی گئی بلند ہو۔ اسس دور کو تین بِٹ بطور در کار گنت کار استعال کی گئی بلند ہو۔ اسس دور کو تین بِٹ بطور در کار در کار در ایس کی حباتے ہیں۔ جب دورانی متوازی کھی مداحن لی البند کرنے ہے گئت کار مسین کھے حباتے ہیں۔ جب تک گئت کار کے شینوں حناری بِٹ بیکوقت پہت ان ہوں جج گیٹ بلند رہتا ہے لہٰذا گئت کار الٹ

pulse generator 10

السنة المستقلة المست

۸٫۳ دیگر گنت کار

گسنتی حباری رکھے گا۔ جیسے ہی گنت کار 000₂ کو پنچت ہے، جمع گیٹ کامختارج پیت ہو گا اور گنت کار گسنتی روک دے گا۔ یوں تین ہے مسیں پیش در کار دورانے کے لئے وھڑ کر بلندرہت ہے۔

سوالا____

سوال ۸۰۱: حیار برئے معاصر سیدھا گئت کارکی موجودہ گئتی 20101 ہے۔ ساعت کے کتنے کناروں بعد 80000 ہوگا؟

جواب:گسپاره کٺارول بعسد

موال ۸.۲: سولہ بنہ معاصر گنت کارکی موجودہ گنتی ہے۔ ماعت کے کتنے کن ارنے کے بعد موال ۱۸.۳ ہوگا(ا) تصور کریں ہے۔ ساعت کار ہے۔ (ب) تصور کریں ہے۔ النہ گنت کار ہے۔

 16295_{10} (__,), 49241_{10} (1):_,139.

موال ۱۸۳٪ حیار بٹ شنائی اہم ریا گئت کاراستعال کر کے شنائی مسر موزاعشاری گئت کار بنایاحب سکتا ہے۔ لیس است کرنا ہو گا کہ 10102 پر پہنچ کر گسنتی فوراً زبرد ستی 20000 کی حبائے۔ زبرد ستی پست صلاحیت رکھنے والی پلٹ استعال کرتے ہوئے دور شخنی ور یں۔

سوال ۸.۴: وی پلٹ استعمال کرتے ہوئے حیار ہے معاصر شنائی گنت کار تشکیل دیں۔

سوال ۸.۵: جے کے پلنے استعال کر کے ایس معاصر گنت کار تفکسیل دیں جو 0 ، 2 ، 3 ، اور 7 کا گر دان کرے۔ جبدول کھیے کرے سشہ وغ کریں۔ گنت کار مسین زبر دستی پست کامداحن کی رکھسین تاکہ 0 سے گر دان سشہ وغ کی جبائے۔

جواب:

ى	جو دہ گٺ	مو	اگلی گٺتی			
Q_2	Q_1	Q_0	Q_2	Q_1	Q_0	
0	0	0	0	1	0	
0	0	1	d	d	d	
0	1	0	0	1	1	
0	1	1	1	1	1	
1	0	0	d	d	d	
1	0	1	d	d	d	
1	1	0	d	d	d	
1	1	1	0	0	0	

سوال ۸.۲: ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ایسا حیار بٹ شنائی معسامر گنت کار تشکیل دیں جو صف (00002) سے چودہ (11112) تک جفت گسنتی کرے اور اور (11102) تک جفت گسنتی کرے اور اسس ترتیب کودہ راتار ہو۔ ابت دا 20000 سے کریں۔

سوال ۸.۷: ایسا حیارب چھالاگنت کار تحنیق دیں جو بلت دین کو Q₁ سے Q₁ رخ گھساتا ہو۔

۲۰۴ الت کار

سوال ۸.۸: سشکل ۱۰.۸ مسین دهسٹر کن پیداکار (دورانی پیداکار) دکھایا گیا ہے۔ ساعت کاتعدد 10 MHz اور درکار دورانی 500 ns ہے۔ درکار دورانی کے تین بٹ کسیاہوں گے؟

جواب: 110₂

سوال ۸.۹: کارناف نقتے استعال کر سے مساوات ۸.۳ حساصل کریں۔ گنت کار سے حبدول سے ابت داکریں۔ سوال ۸.۱۰: جے کے پلٹ استعال کرتے ہوئے مساوات ۸.۳ کی متبادل مساوات کمیاہوں گی؟

9____

حسافظ

ایک پار ایک بیار ایک میارید معلومات (مواد) ذخیره کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ شنائی ہندے کو پہلے ایک کہتے ہیں۔ یوں ایک پلٹ ایک شنائی ہند مده فاقط کے طور پر کام کر سکتا ہے۔ آٹھ پلٹ جوڑ کر آٹھ شنائی ہند مدہ حافظہ میں مسلل کیا جہ ایک طسر تا ہوئی ہند کو ایک حاصل کیا جہ ایک طسرت اور کر میں کہ بیٹ کے وایک ہمشتمی عدد یا ایک بائے میں انظاظ کا کہائی قطعی مہمتمی عدد یا ایک بائے میں انظاظ کا کہائی قطعی مواد کو لفظ کہتے ہیں۔ حافظہ میں موجود کل حافظ ہوتی ہے۔ یوں آٹھ بند فظ ایک بائے پر مشتمل ہوگا جب مواد وائے بر مشتمل ہوگا جب ہوں دو سوافعاظ کا حافظہ جس میں ہر لفظ ایک بائے پر مشتمل ہو وو سو کی بیٹ کشی بائے میں مواد داخن کرنے کو مواد لکھنا ہی انظے کسی کہتے ہیں جب مواد کھنا کی جب انظے کے حصول کو مواد پڑھنا آپار انظے کے حسول کو مواد پڑھنا آپار سان کی حب کے حسول کو مواد پڑھنا آپار سان کی دواہم قسمیں ہیں۔ حساس ہوت کی بہلی تھی مجومات کا حیات ہوگا ہے۔ میں کی بھی معتام پر کھنے محفوظ رہتی ہے جتنی دیر حسافظ کو در کار برتی طباقت مہا کی حب کے۔ کی بھی وقت، عبار ضی حسافظہ کا دورانیہ رسائی یا اس میں میں معتامات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اس دورانیہ رسائی یا اس سے پڑھے میں در کار وقت تمام معتامات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اس دورانیہ رسائی کا دورانیہ رسائی کا دورانیہ رسائی کا حساس کی جسے ہیں۔

bit'
memory'
byte'
word'
write'
read'

random access memory, RAM² access time^A

نے کامفہوم	, سے مواد مٹا۔	حسافظ _	حبيدول ٩.١٥:
------------	----------------	---------	--------------

1111 1111	1011 0101
1111 1111	0000 0000
1111 1111	1111 1111
1111 1111	0110 0110

کاعن ذیر لکھائی کومٹ نے سے صاف سے تھراکاعن ذمات ہے۔ پلٹ ہر صورت بلٹ دیا پیت حسال ہوتا ہے لہاندا اسس سے مواد کاعن ذکی طسرح نہیں مٹیا جب سالاً۔ لکھائی سے صاف حسافظہ سے مسرادوہ حسافظہ ہوگا جس کے متمام ہٹ بلٹ د (1) ہوں۔ حبدول ہوا مسیں آٹھ بِٹ لمب کی کے حب الفظ حسافظہ استعال کرتے ہوئے مواد سے بھسرے اور حسافظہ کی وضاحت کی گئی ہے۔ یقیدیاً، حسافظہ کے تمام بٹ پر 1 لکھنا اور حسافظے سے مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔ مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔

ا. 9 عبار ضي حيافظ

اسس مے مسین عبارضی حیافظے کی بناوٹ پر غور کیا حبائے گا۔ایک بخت حسافظہ بنیادی طور ایک پلٹ ہوگا، جس مسین مواد لکھنے اور پڑھنے کی صلاحیت موجود ہو گی۔ حسافظہ عصوماً کشیر تعداد بڑوں پر مشتمل ہوگا، جس مسین ہر پلٹ تک، لکھنے اور پڑھنے کی حناطہ ر،ریائی ضروری ہے۔ شکل ۹۔امسین شنائی عارضی حافظے کی

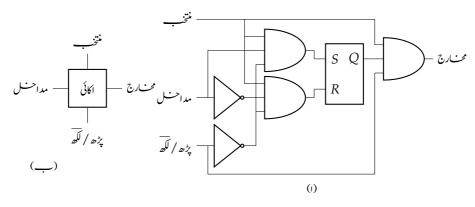
ROM, read only memory

one time programmable read only memory, OTP1*

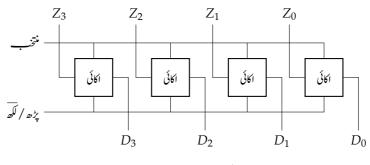
electrically erasable read only memory, EEROM, E^2PROM''

UV erasable read only memory, UV erasable ROM'r

۱.۹.عارضی حسافظیہ



ىشكل 1.9:1كائى حسافظ

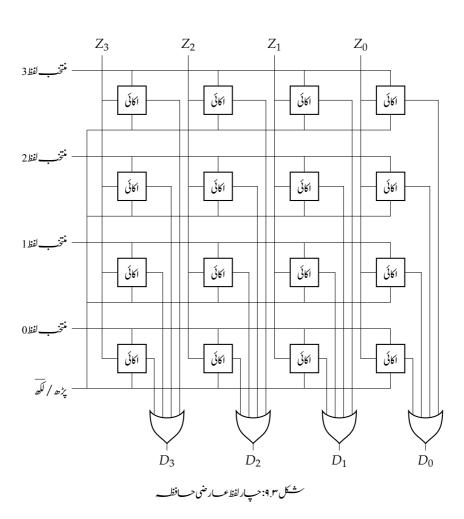


مشكل ٩.٢:١يك لفظ حسافظ

اکائی سا، جس کو مختصراً اکائی ما فظ ساکته ہیں، کی بناوٹ اور عسلامت پیش ہے، جہاں مواد ذخیہ وکرنے کے لئے ایس آر پلٹ استعال کیا گئی ہیا ہے۔ حقیق میں کئی طریقے متعمل ہیں جن پر بعد میں غور کیا ہیا۔ کائی حافظ ہے رجوع کے لئے اسس کا منتخب اسٹارہ بلند کیا جباتا ہے اور مواد لکھنے کی حناطسر ساتھ ہی پڑھ / لکھ پیت کرکے داخنی مواد و بندا ہم کیا جب مواد پڑھ کی حناطسر پڑھ / لکھ بلند کرکے مواد پڑھ استا ہے۔ معمود پٹ ساتھ ہوتے ہیں۔ بیا متعمد دین حسان ماکائی حافظ کا حافظ ہیت ہے۔ مجاں تما اکائی حافظ و کے بین اور اسس میں مواد کے بیک وقت کھا حباطل ہی از خمیرہ مواد جب مواد پڑھ کیا۔ بیل نظے کے جب رواب بیک وقت کھا حباطل ہی اور اسس میں مواد کے بیک وقت کھا جب ساتھ ہو ڈے ہیں۔ بیل نظے کے جب رواب بیک ہے۔ وقت کھا حباطل ہی بیا در اسس میں مواد کے بیک وقت کھا حباط کیا ہے، یا ذخیہ مواد ہی جب وقت کھا حباط کیا ہے، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباط کیا ہے، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباط کیا ہے، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباط کیا ہے، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباط کیا ہے، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباط کیا ہے۔

binary memory cell "
unit memory "

۲۰۸ باب۹ د انظ



۱.۹.عــار ضي حــافظــ

ء افظ کارسہ تبدال	حبدول ۹.۲:عسار ضی
احت فحطے كااحت عال	حب دول ۹.۴:عب ار عنی

محباز	 پڑھ / لکھ	A_1	A_0	عمل
0	×	×	×	بلن ر کاوٹی حسال
1	0	0	0	لفظ 0 کے معتام پر لکھ
1	0	0	1	لفظ 1 کے مقتام پر لکھ
1	0	1	0	لفظ 2 کے معتام پر لکھ
1	0	1	1	لفظ 3 کے معتام پر لکھ
1	1	0	0	لفظ 0 کے مقتام سے پڑھ
1	1	0	1	لفظ 1 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	0	لفظ 2 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	1	لفظ 3 کے معتام سے پڑھ

اسس طسرح کے گئی الفاظ جوڑ کر متعبد د لفظ حسافظ۔ حسامسل کمپ حب سکتا ہے۔ سشکل ۳.۹مسیں حب ر الفاظ جوڑ کر حب ار لفظ حسافظہ تحنیق کمپ گلب ہے۔

متعدد ولفظ حیافظ ہی تمت ماکا نیوں کا "نتخب" اسٹارہ عمام صورت پیت رہت ہے۔ یوں حیافظ ہے کئی بھی لفظ تک رسائی مسکن نہیں ہوگی۔ حیافظ ہمیں مواد لکھنے کی حناط مواد کے داختلی راسے فسنراہم کر کے پڑھ / $\overline{\mathcal{W}}$ پیت رکھ کر مطلوب معتام کا "نتخب" اسٹارہ بلند کیا حیاتا ہے۔ یوں مواد مطلوب معتام پر لکھا حیاتا ہے۔ فسنرض کریں ہم اعضاری تین (310) کے شن نئی مسرموز اعضاری 0011_2 کو حیافظ کے کے معتام پر لکھن حیاتے ہیں۔ ہم مداخت پر 0011_2 کے شن کی مسرموز اعضاری کو خیافظ کی سے اسٹارہ بلند کریں گے۔ ایس کرنے سے شکل 0011_2 مداخت پر 0011_2 کی پڑھ / لکھی جست رکھ کر "نتخب "ایش نتخب" اسٹارہ بلند کریں گے۔ ایس لفظ کو پڑھنے کے مسین لفظ کے پر 0011_2 کا "نتخب" بلند کریں گے۔ ایس کریں گوٹوں کریں گوٹوں کریں گوٹوں کریں گوٹوں کریں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کریں کوٹوں کریں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کریں کوٹوں کوٹوں

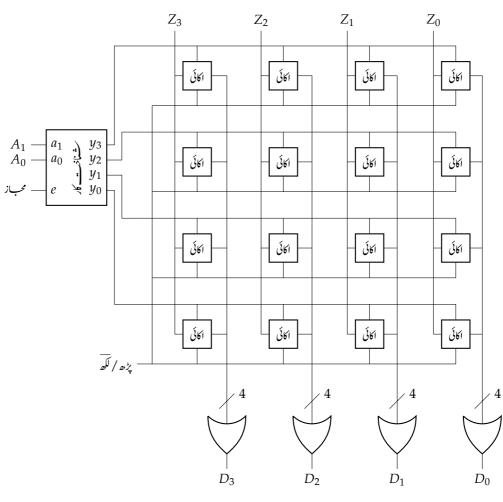
حقیق حافظہ مسیں الفاظ تک رسائی پت کے ذریعے کی حباتی ہے۔ حبار لفظ حسافظہ مسیں الفاظ تک رسائی، دوبِت پیت استعال کرتے ہوئے دوسے حبار شناخت کار کی مدد سے مسکن ہے۔ شکل ۴،۹ مسیں سے عمسل پیش کسیا گسیا ہے جہاں A0 ، اور A1 پت بین بین بین بین کے گود کھ کر مشناخت کار مطلوب محسار تابلند کرکے لفظ کامعتام منتخب کرتا ہے۔

عسارضی حسافظہ کا استعمال حبد ول ۹. ۲ مسیس د کھسایا گیا ہے۔ **مجاز** پست ہونے کی صور سے مسیس حسافظ**ے بلند ر کا وٹی** ح**الے** ۱۵ اختیار کر کے ہیسر ونی ادوار سے مکسل منقطع ہوگا۔

شکل ۴.۹ مسیں حپاربِ جمع گیٹ کی ایک نئی عسلامت استعمال کی گئی ہے۔ گیٹ کا ایک مداحشل و کھسایا گیا ہے ہے جس پر چھوٹی ترجی لکسید کے ساتھ 4 ککھ کر اسس بات کی وضاحت کی گئی ہے کہ دراصس سے حپار داحشلی جمع گیٹ

high impedance state12

اب ۹ د افظ



شكل ٩٠،۴: حپارلفظ عسارضي حسافظيه كابهستر حناكه

۹.۱. عبارضی حب افظیہ

ہے۔اسس طسرح کی عسلامت مسیں گیٹ کے مداحسل علیحہ دہ نہیں دکھائے حباتے بلکہ تمسام مداحسل ایک داحسل علی تاریخ کی عسام کے حبات بلکہ تمسام مداحسل ایک داحسل تاریخ طسامر کے حبات بلکہ تمسام موقی ہے اور دور صاف سے خبات حساسل ہوتی ہے اور دور صاف سے ترانظسر آنا ہے۔یادر ہے کہ ایسا صرف دور صاف سے ترانظسر آنے کے لئے کسیاحباتا ہے۔یوں حسافظہ کے گزشتہ دوائ کال ایک بی دور بنانے کی دولسریقے ہیں۔

ای طسرز پر متعبد د لفظ حسافظ کی عسلامت بھی بنائی حباتی ہے۔ دسس بِٹ بت سے 1024₁₀ یعنی تقسریباً ایک طسرز پر متعبد د لفظ حسافظ کی عسلامت تک رسائی مسکن ہے۔ کمپیوٹر کی دنسیا مسین کلو (ہزار) سے مسراد 1024₁₀ ایسا حباتا ہے۔ یوں دوکلوسے مسراد 2048₁₀ ہوگا۔

شکل ۹.۵ مسیں ممتحکم کار کے استعال پر غور کریں۔ مجاز اور پڑھ / لکھ دونوں بلند ہونے کی صور میں حافظہ مسیں 6 ڈخیرہ مواد کل پر حنارج ہو گاجبکہ محباز بلند اور پڑھ / لکھ پست ہونے کی صور میں سین D پر مہیا مواد حسافظہ مسیں لکھا حبائے گا۔ یوں D بطور مداخنل و محنارج کام کرتا ہے۔ شکل ۹.۴ مسیں مداخنل کے کئے حیار اور محنارج کام کرتا ہے۔ شکل ۹.۴ مسیں مداخنل کی ضرور سے ہوگا۔

حبدید عبارضی حب نظوں مسین کشیب رتعبداد کے الفاظ ذخیبرہ کرنے کی گغب کشی ہوتی ہے۔ شکل ۲۰۹-امسین حپار لفظ حب نظے کے مخلوط دور ۱۱کی عبلامت رکھ انگی گئے ہجب ال لفظ کے حپار داختلی و حنار بی بیٹوں کو D کی بجب کے I/O کہب گلی ہے۔ مشکل - اے محباز مداختل پر نفی گیٹ گیب ہے۔ مشکل - اے محباز مداختل پر نفی گیٹ نفسب کرنے سے حساس ہوگا؛ مسزید پڑھ / کھی کو مختصراً کھی پکار کر اور پنیا پر گول دائرہ ڈال کر اس کا پہنے فعال پر نے اللہ خطار پر نفی گیٹ مورت مسین مافظ میں مواد کھی اور بلند صورت مسین مافظ سے مواد بر حسان اور بلند صورت مسین مافظ سے مواد بر حسان تاہے۔

شکل - ج مسیں بارہ بِٹ پتہ ، ایک بائٹ لفظ عبارضی حیافظ کی عبلامت و کھیائی گئی ہے۔بارہ بِٹ پتہ 212 ہائٹ تک رسائی ممکن بناتا ہے لہذا ہے حیار کلو بائٹ عبارضی حیافظہ کی عبلامت ہے۔اس محنلوط دور مسیں جیدار مداحنل ۱۸کااضاف کی گیا گیا ہے۔ اس پر اب بات کرتے ہو لہت فعالی ہے۔ اس پر اب بات کرتے ہیں۔ وہیں ہیں ہیں ہیں۔ اس بی اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں ہیں۔ اب کرتے ہیں میں میں میں میں کرتے ہیں۔ اب کرت

محناوط دور مسین متعد دگیٹ پائے حباتے ہیں اور حبدید برقیباتی آلات کئی محناوط ادوار پر مشتمل ہوتے ہیں۔ یہ سب برقی طباقت سے حیلتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں برقی طباقت انہمیں بیدار رکھتی ہے۔ برقیباتی آلات عسوماً بسیٹری سے برقی طباقت حیاصل کرتے ہیں۔ درکار برقی طباقت کم کرنے سے بیٹری زیادہ دیرکار آمدر ہتی ہے۔

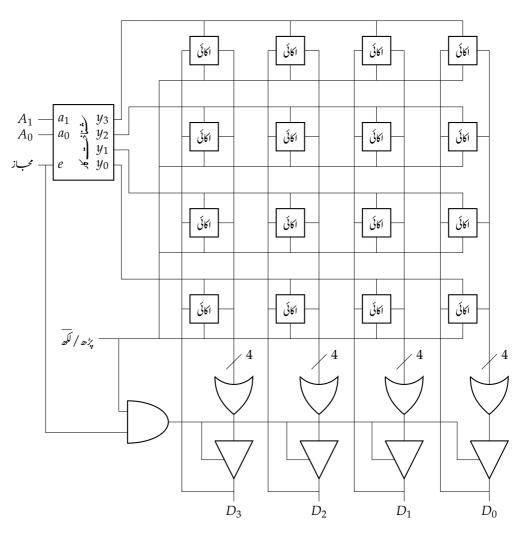
بر قبیاتی آلات مسین مختلف محنلوط ادوار کی ضرورت مختلف لحسات پر ہوگی۔ان لحسات کے عسلادہ انہمیں ہیدار رکھنے سے بلاضرورت برق طباقت منقطع نہیں کی حباستی ہے۔عسارضی رکھنے سے بلاضرورت برقی طباقت سے مسکن حسافظے کی مشال لیتے ہوئے ہم حباخے ہیں کہ برقی طباقت سے مملئ پر ان مسین مواد محفوظ نہیں رہت،البت سے ممسکن ہے کہ عسارضی حسافظے کو صرف اتی برقی طباقت مہیا کی حبائے کہ سے صرف مواد محفوظ رکھنے کے حتابل ہو، یعنی اسے نئر عسال می کیفیت مسین ڈالا حباسکتا ہے۔عسارضی حبافظے کے محضلوط دور مسین جیدار مداخل اسس مقصد کے لئے مسلوں کے مختلوط دور مسین جیدار مداخل اسس مقصد کے لئے

integrated circuit, IC17

active low12

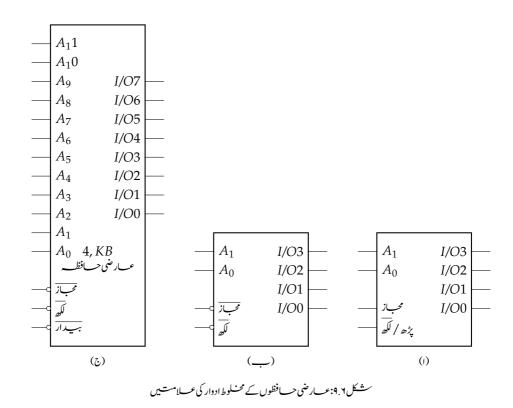
CS, chip select^{1A}

باب. ٩. حافظ



مشكل ٩٠٥ مشترك داحنلي وحسارتي راه كاحپار لفظ عسار ضي حسافظ

۱.۹.عارضی حیافظیہ



۲۱۳ باب۹. حافظ

1023	1000 0001
1022	0010 1001
1021	0011 1010
1020	1000 1101
:	
:	:
3	1011 0001
2	1110 1001
1	
1	0000 1010
0	0000 1010 1011 1101

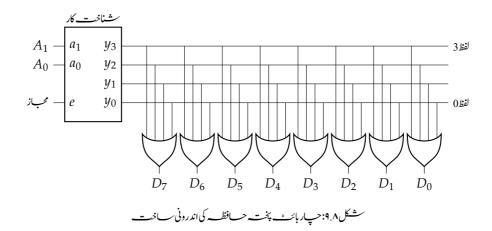
مشكل ٤٠: حسافظ، كي تصوراتي تصوير

مہیاکیا گیا ہے۔ جس کیح پر مختلوط دور کی ضرورت ہو، ہیدار پیت (فعسال) کر کے اسے جگیا حباتا ہے اور استعال کے بعب فوراً دوبارہ نڈھسال کر دیا حباتا ہے۔ نڈھسال صورت مسین مختلوط دور ہیسرونی دنیا ہے، دو طسرون مستقلم کار کی مدد ہے، مکسل طور پر منقطع رہت ہے اور اسس مسین سنہ کچھ کھی حب سکتا ہے اور سنہ ہی اسس سے کچھ پڑھ حب سکتا ہے۔ نڈھسال حسال مسین حسافظہ مکستر برقی توانائی صرون کرتا ہے۔ عسام طور سشنافیت کار کی مدد سے ہیدار کیے حسانے والے مختلوط دور کی شنافت کی حباتی ہے۔

حپار لفظ حافظ می تصوراتی تصویر شکل 9.2-امسیں دکھائی گئی ہے جہاں دوبِٹ پت اور حپاربِٹ موادشن کی روپ مسیں دکھائے گئی ہے جہاں دوبِٹ پت اور حپاربِٹ مواد شن کی روپ مسیں ایک کلوبائٹ حافظ کی تصوراتی تصویر پیش ہے جہاں مواد کوشنائی جب کہ پت کواعشاری روپ مسین دکھایا گیا ہے۔ حپار لفظ حافظ معتام اور آحسری معتام ایک اور آحسری کے مواد میں معتام ایک اور آحسری مواد کی مواد کی مواد میں معتام ایک کی مواد میں مواد کی کوبائٹ کی مواد کی مواد کی کوبائٹ کی کوبا

مثق ا. 9: عبارضی حبافظ ہے 6116 کے معسلوماتی صفحات ہے اسس کی استعداد "کلوبائٹ" مسیں معسلوم کریں۔

۹٫۲ پخت حافظ



۹۲ یخت حیافظ

پخت ج<u>ا فظے سے م</u>سراداوہ حسافظ ہے جس مسیں مواد برقی طباقت کی عسد م موجود گی مسیں بھی محفوظ رہت ہو۔ پخت ہے۔ حسافظہ کا بنیا دی استعال وہاں ہو گا جہاں مواد تب یل سے ہو۔

عبار ضی ح<u>افظے کی طسرح پخت ح</u>افظ ہی مختلف لمبائی کے الفاظ پر مشتمل ہو گا۔ لفظوں تک رسائی پت کے ذریعہ ہوگا؛ 11 بٹ یت کے فریعہ ہوگا؛ 11 بٹ یت کے پخت حسافظ مسیں 2¹ لفظ ہوں گے۔

بائٹ لمبائی حپارلفظ پخت مسافظ کی اندرونی ساند۔ مشکل ۸.۹ مسین دکھائی گئی ہے جس کی بہتر صور۔ مشکل ۹.۹ مسین دکھائی گئی ہے۔ مستعمل دوسے حپار مشناخت کار، ۹.۹ پیشس کرتی ہے، جبال حپار داختلی جمع گیٹ کی صاف مشکل استعال کی گئی ہے۔ مستعمل دوسے حپار مشناخت کار، پیت کے دوہٹ سے حپار مقتاما۔ تک رسائی مسکن بناتا ہے۔ یوں حپارالفاظ تک رسائی مسکن ہوگی۔

سنگل 0.9 مسیں بالکل نبیا غنیہ راستعال شدہ پخت منظہ دکھایا گیا ہے۔ پت 00 کی صورت مسیں دو سے حیار شناخت کار y_0 بلند کرکے لفظ 0 پخ گا۔ تمام جمع گیٹ بلند ہوں گے اور D باور کی مواد ملت ہے۔ کسی پت 0.12 لفظ 1 پخ گااور 0 پر 0.1111111 حنارج ہوگا۔ آپ تسلی کرلیں کہ حیاروں پت پر یمی مواد ملت ہے۔ کسی بخص نے غنیہ راستعال شدہ پخت میں فظے کے ہر لفظ کے تمام بٹ بلند <math>0.1 ہوں گے۔

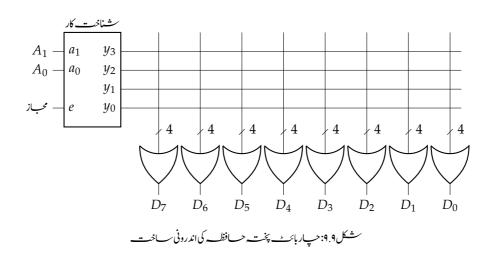
آپ نے دیکھ کہ بلند y_0 کی صورت مسیں تمام جمع گیٹ کو یکی بلند امث ارہ ملت ہے اور یوں تمسام جمع گیٹ کے محتار تی بلند ہوں گے۔ جمع گیٹ کے محتار تی بلند ہوں گے۔ جمع گیٹ کے محتار تی بلند ہوں گے۔ جمع گیٹ کے محتار تی بلند کر کے لفظ 0 پڑھنے ہے D پر y_0 کے منقطع ہیں المب نہ اس بلند کر کے لفظ y_0 بلند کر کے لفظ y_0 بات و بہت ہوگا۔

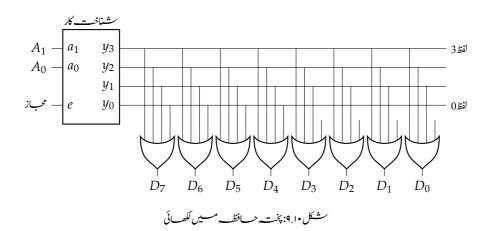
بات و بہن نشین کریں: ایسے اسٹکال مسیں جمع گیٹ کا محتاطع مداحش جمع گیٹ کے محتار جمی پر اثر انداز نہیں ہوگا۔

امید کی حباتی ہے آپ پخت حسافظہ مسیں لکھ اُن کا عمس بخوبی مسجھ گئے ہوں گے۔ پخت حسافظ مسیں جوڑوں کو توڑ کر مواد لکھ حباتا ہے۔ اسس فتم حسافظہ مسیں ہر جوڑ دراصل ایک بر**قی فتیلہ** ۱۹ (نسیوز) ہو تاہے۔ نستیلے کی استعداد سے

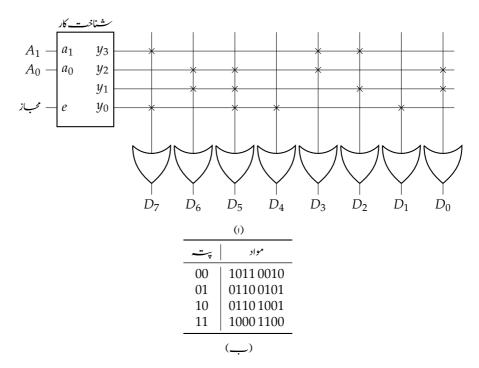
electric fuse19

۲۱۲ باب.و. حافظت





٩.٢ پخت سافظ ہ



شكل ١١. ٩: پخت حافظ مسين لكها أسيامواد

زیادہ برقی رونستلے سے گزار کراسے بگھلا کر جوڑ منقطع کیا حب تاہے۔

حسافظہ مسیں کھے مواد سشکل ۹ کے طسر جب دول مسیں کھے حباتا ہے۔اسس حبدول مسیں باری باری ایک لفظ کو دیکھتے ہوئے جس بٹ کے معتام پر () ہو، حسافظہ کے اندراسس لفظ کے اسس بٹ کاجوڑ شباہ کسیاحیاتا ہے۔

شکل ۱۱-۱۹ اسیں غیر سباہ شدہ جوڑ صلیبی نشان (×) سے ظاہر کیے گئے ہیں۔ اسس حافظہ مسیں کھا مواد سنکل - بسمیں پیش ہے۔

اب تک حپار لفظ حسافظ ہی بات کی گئی جس کی وجہ ہے 4 داختلی جمع گیٹ استعمال کیے گئے۔ ایک لفظ 8 بیٹ ہوں جو نے ایک لفظ 8 بیٹ ہوں اور جہ ہے کل 8 جمع گیٹ استعمال کیے گئے۔ بیرا ان حسافظوں مسیں کل 4 × 8 لیخی جسیں (32) جوڑیا نستیا ہوں گے۔ آپ دکھ سین کل 4 × 8 لیخی مسیں 2 واحتلی جمع گیٹ گئے۔ آپ دکھ سین کہ سین کہ مسیں 2 واحتلی جمع گیٹوں کی تعداد $m \times 2^n$ ہوگے۔ اور حسافظ کا ایک لفظ m بیٹ ہوتے۔ جمع گیٹوں کی تعداد m ہوگے۔ ایوں حسافظ مسیں جوڑوں کی تعداد m ہوگے۔ اور حسافظ مسیں جوڑوں کی تعداد m ہوگے۔

شعاع ملتا چنت مافظہ میں باربار کھائی مکن ہے۔ان میں جوڑ، برتی فتیاہ سے نہیں بنائے حباتے بلکہ ان جوڑ کوایک

باب.٩. حسافظ TIA

سو کچ ''اتصور کریں جنہب یں مخصوص طبر یقے سے برقی طباقت کے ذریعیہ منقطع کب سب تا ہے۔منقطع جوڑوں کو دوبارہ جوڑنے کی حناطسر حسافظ كوشعساع مسين كجه ديرر كصاحبا تاہے۔

حبدید برق منتا محفظ ما فظول مسین بار بار لکھائی مسکن ہے۔ان حسافظوں مسین لکھائی برتی دباوے کی حباتی ہے اور اسے صاف بھی برقی دیاوے کساحسا تاہے۔

پخت سانظہ مسیں کھیائی مخلوط ادوار برنامہ نولیر ساکی مددسے کی سیاتی ہے۔

سوو حافظہ کیا *تعداد پڑھ*انے کی ترکس

عارضی حافظوں (کے محنلوط ادوار) کے تابو مداحنل عصوماً بیدار ، مجاز اور پڑھ / لکھ جبکہ پخت حافظوں کے سیدار اور محباز ہوں گے۔اسس بھے مسین ہم تصور کرتے ہیں کہ حسافظوں نے متبابوات ارات صرف سیدار اور یڑھ / لکھ ہیں جنہیں استعال کرتے ہوئے ایک ہے زیادہ حسافظے آلپس مسیں جوڑنا دکھیایا حیائے گا۔حقیقت مسیں ۔ مُعسوماً ہیں ار کے عسلاوہ تمسام حسافظوں کے ایک جیبے و تابو مدا^{حث} ایک ساتھ جوڑے حیاتے ہیں۔یوں تمسام حافظوں کے مجباز مداحن اکٹھ جوڑے حبائیں گے اور ای طسرح تمام کے پڑھ / لکھ ایک ساتھ جوڑے حسائیں گے۔

ا ۱۹۳۰ دوعب در $4 \times 4 \times 4$ حبافظے سلسلہ وارجوڑ کرایک عب در $4 \times 8 \times 8$ حبافظہ کا محسول ا

کبھی کھیار در کار استعداد کا حسافظہ میں۔ رہیں ہو گا۔ایی صورت مسین ایک سے زیادہ حسافظے اکٹھے جوڑ کر در کاربائٹ زخب رہ کرنا ممکن بنایات تاہے۔ شکل ۹ ،۱۲-امسیں 4 imes 4 کے دوسا فظے جوڑ کر دگی استعداد کا 4 imes 8 حبافظہ (شکل-ب)حساص کی اگئی۔ چھوٹے حسافظوں کو حسافظہ 1اور حسافظہ 1 کہا گئیا ہے۔ شکل-امسیں ایک جسے یت بٹ ساتھ جوڑے گئے ہیں لینی حسافظہ 0 کا An حسافظہ 1 کے An سے جوڑا گیا ہے، اور حسافظہ 0 کا A_1 حانظہ A_2 ہے جوڑاگیا ہے۔ ای طسر A_2 ایک جیسے موادب ساتھ ساتھ جوڑے گئے ہیں یعنی حسانظہ A_1 اور D_3 اور D_3 اور D_3 بالت رتیب حافظہ D_3 ، D_1 ، D_2 ، D_3 ، D_4 ، D_5 ، D_5 ، D_6 \overline{N} کا ہیدار مدا^{نن} \overline{N} جبکہ حافظہ \overline{N} کیا ہیدھیا \overline{N} کے ساتھ ملایا گیا ہے جبکہ حافظہ \overline{N} کا ہیدار \overline{N} مداحت (جے ہیدار $\overline{1}$ کہا آگیا ہے) نفی گیٹ کے ذریعہ A_2 ہے جوڑا گیا ہے۔ حفظہ 0، حافظہ 1، اور نفی گیٹ کوہم ایک بڑاحی افظہ تصور کر سے ہیں جس کی عسلامت شکل – بسمیں پیش ہے۔

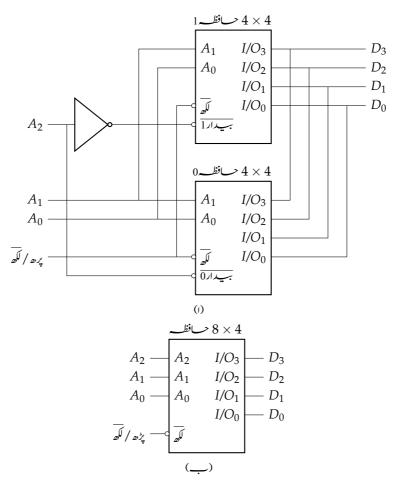
شکل ۱۳۹۹ مسیں تین پت بٹ کی تمام ترتیب دی گئی ہیں۔ (شکل ۱۹ او کھتے ہوئے آگے پڑھسیں۔)پیت A2 سے مسرادیت بیدار آوربلند بیدار آورباند بیدار آورباند بیدار آورباند بیدار آورباند انتقاع اور میانشد و میاند انتها از از این از انتها از این از ای ہے۔ای طسرح بلند A2 سے ہیدار 0 بلند اور ہیدار 1 پیت ہو گا جس سے حسافظہ 0 نڈھ ال اور حسافظہ 1

یوں پیت A_2 کی صورت مسیں پت کے باقی دوب A_0 اور A_1 حافظہ0 کے مختلف معتامات تک رسائی ممکن بن مئیں گے۔ یت ہ 0000 حسافظہ 0 کے صف رویں معتبام اوریت ہ 0110 حسافظہ 0 کے تیب رہے معتبام تک رسائی دیتاہے۔

ای طسرح بلنند A_2 کی صورت مسیں پتہ کے باقی دوبٹ A_0 اور A_1 حسافظہ 1کے مختلف معتامات تک

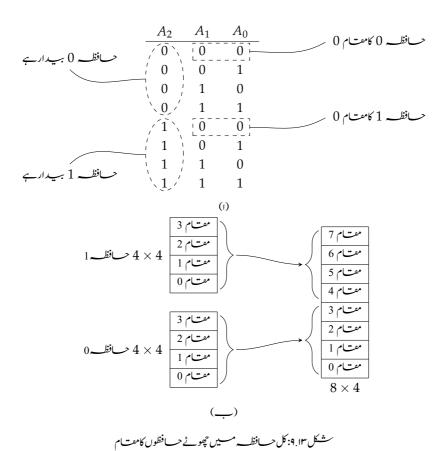
switch*

IC programmer



مشکل ۹.۱۲ دوح<u>ا فظے جوڑ کربڑے حیا فظے</u> کاحصول

۲۲۰ باب۹. حافظ



A_5	A_4	$\overline{y_3}$	$\overline{y_2}$	$\overline{y_1}$	$\overline{y_0}$	$A_5A_4A_3A_2A_1A_0$
0	0	1	1	1	0	000000 - 001111
0	1	1	1	0	1	$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$
1	0	1	0	1	1	100000 - 101111
1	1	0	1	1	1	110000 - 111111

حبدول ٩٠٣: حبدول برائے مشکل ٩٠٨٩

ر سائی مسکن سنائیں گے۔ پتہ 2000 سانظہ اکے صف رویں اور پتہ 0112 سانظہ اکے تیسرے معتام تک رسائی دیت ہے۔

گزشتہ دونشہ پاروں کا حنااص درج ذیل ہے۔ حیار لفظ کے دوحی فظے مسل کر آٹھ لفظ حیافظ ہے طور پر کام کرتے ہیں۔ الفاظ کی لمب انی جوں کی آٹھ لفظ حیارہ بن ہوں کی توں حیارہ بن رہتی ہے۔ اسس طسرح پت و 0000 کل حیافظ کے صنسہ ویں معتام تک رسائی دیت ہوئے اور پت ہوئے اور پت ہوئے اور ان کی اندرونی سخت میں رسائی دیت ہوئے اور ان کی اندرونی سخت رسائی دیت ہوئے اور ان کی اندرونی سخت پر ہر وقت فور کرنے کی ضرورت نہیں۔ شکل ۱۹۱۹ ہے میں اسس حقیقت کو میر نظر رکھتے ہوئے ان دو حیافظوں کی معتام تک میں اسس حقیقت کو میر نظر رکھتے ہوئے ان دو حیافظوں کی معتام سے میں نہیں ہے جس کے تین پت بٹ اور حیار مواد بٹ ہیں۔ شکل ۱۹۳۹ ہے مسین تین ہٹ پت کی نسبت سے دونوں حیافظوں کے معتام سے دکھیائے ہے جس کے تین پت بٹ اور حیار مواد بٹ ہیں۔ سنگل ۱۹۳۹ ہے معتام سے دفظوں کو پت کی لفظ کے انظر میں معتامات پر رکھیا گیا ہے اور حیافظ کی آخت میں افظ ہوئے کہ دو چھوٹے پر حیافظ کی است میں اس فظ پایا حیا ہے۔ دو سافظ کی انظر میں معتام سے برحی نظوں کو سلمہ وار فت دیے۔ دکھیا گیا ہے۔ دو پر حیافظ کی انظر کی معتام سے برحی نظوں کو سلمہ وار فت دیے۔ دکھیا گیا ہے۔ دو پر دی نظر کی ان دو حیا نظوں کو سلمہ وار فت دیے۔ دکھیا گیا ہے۔ دو پر دی نظر کی ان دو حیا نظر کی دیں۔ کھیا گیا ہیں میں بنیا پر کی انظر کی دو تا تا ہے۔ یوں پت ہے۔ یوں سے دی کے لیے نظر کی ان دو حیا نظوں کو سلمہ وار فت دیے۔ دکھیا گیا ہیں میں بنیا پر کی دو تا تا ہے۔ یوں پت کے لیے نظر کی ان دو حیا نظوں کو سلمہ وار فت دیے۔ دکھیا گیا ہوں کہ میں بنیا پر کی دور تے وقت اسس طسرح کی تصور اتی میں بنیا پر کی دور نظر کی دور تے وقت اسس طسرح کی تصور اتی میں بنیا پر کیں۔

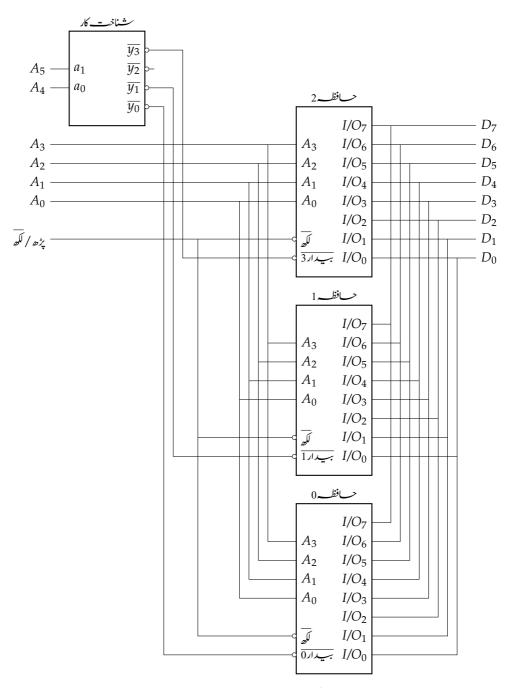
مذکورہ بالا مسیں 4×4 استعداد کے حیافظے استعال کیے گئے جنہ میں دو پت بٹ A_0 اور A_1 در کار تھے۔ان دو بٹ کو استعمال کر کے بیدار حیافظے کے مختلف مصامات تک رسائی حیاصل کی حیاتی ہے جب اگلا پت بٹ A_2 استعمال کو کہا تھے کار زیادہ استعماد کے استعمال کو پت کے لیے اظ سے مختلف معتامات پر رکھیا گیا۔ یکی طسریق کار زیادہ استعماد کے حیافظ سے محلول کے ساتھ بھی استعمال کیا جب یوں دوعب درسس بٹ پت کے حیافظ جوڑتے وقت A_0 تا A_0 میں معتامات تک رسائی دیں گرجب کے A_1 انہمیں حبد اگلات بیدار کرے گا۔

9.m.r تين 8 × 16 حــا فظے سلسلہ وار جوڑ کرايک _ 8 × 48 حــا فظے کاحصول

شکل ۱۳.۹ میں پہت محناری شناخت کار استعال کر کے تین 8×16 سافظ (حافظ 0، حافظ 1۰.9 میں پہت محناری شناخت کار استعال کر کے تین 8×16 سافظ 9×10 میں پول شینوں کے ایک جیسے پہت بیٹ ساتھ جوڑے گئے ہیں۔ پول شینوں کے 10×10 ایک ساتھ جوڑے گئے ہیں، المہذا شینوں کے 10×10 ایک ساتھ جبڑے ہیں، وغیرہ تاہم ان کے جہرات مداخت ملاحدہ علیحہ دہ رکھے گئے ہیں تا کہ کی ایک وقت پر صوف ایک حسانہ کو ایک کے دریعہ اس ایک حسانہ کو تی ہوا۔ برائی حسان کی سال کے ساتھ کے حولہ معتادات تک رسائی حساس کی حسانہ کے دریعہ اس ایک معتادات تک رسائی حساس کی حسانے۔

نشناخت کار کوپت بٹ A_4 اور A_5 بطور مداحنل فنسراہم کیے گئے جبکہ اسس کے محنارج $\overline{y_0}$ ، $\overline{y_0}$ ، $\overline{y_0}$ ، اور $\overline{y_0}$ بین سے نظام ہم میں سے نظام ہم میں سے نظام ہم کی شناخت کرتے ہیں۔ شناخت کرتے ہیں۔ شناخت کی مطابق ہم کا بین سے نظام ہم کی سے مطابق ہم کی کے مطابق ہم کی کی مطابق ہم کی کے مطابق ہم کی مطابق ہم کی مطابق ہم کی کی مطابق ہم کی مطابق ہم کی کے مطابق ہم کی کی کے مطابق ہم کی کے مطابق کی کردی کے مطابق ہم کی کے مطابق ہم کی کے مطابق کے مطابق ہم کی کے مطابق کی کے مطابق ک

۲۲۲ باب.و. حافظت



مشكل ١٩١٨: حسافظ جوڑنے كاعب وي طسريق

جی آپ جب نے ہیں، شناخت کار کے مداحن کی ہر ترتیب ایک معنصد دمنان چنتی ہے۔ جبدول ۹ سشناخت کارے محنان جب جب ایک اص جبدول میں دائیں حب ایک اص بی ایک اص فی قطار بن کی گئی ہے۔ آئیں اس جبدول پر خور کرتے ہیں۔ پست ہوگا جو حافظ ہو حافظ ہو کے جیدار \overline{U} کی صورت میں \overline{U} پست ہوگا جو حافظ ہو کے جیدار \overline{U} کے حافظ ہو کا محت ہوئی آئی جب ایک مورت میں \overline{U} پست ہوگا جو حافظ ہو کا محت ہوئی باتی جب یوں $A_5A_4=00$ کی شخص کر کے اسے بیدار کرتا ہے۔ $A_5A_4=00$ رکھتے ہوئی باتی جب آزادات طور پر بلندیا پست کے جب سے ہیں لیعنی $A_5A_4=00$ کی تیست ہوئی آزادات طور پر بلندیا پست کے جب سے ہیں لیعنی $A_5A_4=00$ کی تیست ہوئی آزادات طور پر بلندیا پست کے جب سے ہیں گئی میں بناتا ہے۔ حب نظے 0 کے تمام معتامات تک رسائی کے لئے یول پت ہوئی وائیں قطار مسیں ہوئی ہوئی جبدول کی دائیں قطار مسیں ہوئی ہوئی جبدول کی دائیں قطار مسیں کے بطر درج ہیں اور شکل 9 جا محتام کی آخت ہوں معتام کی حدود درج ہیں اور شکل 9 جا 2011110 پر بیا جب

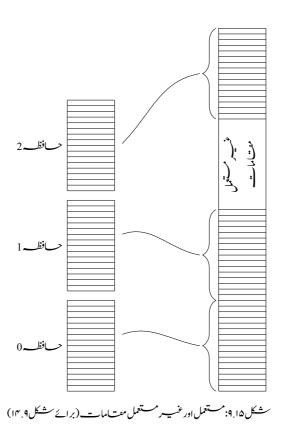
بلند A_5 اورپیت A_5 کی صورت میں $\overline{y_1}$ پیت ہوگا جو جیدار آ سے جبڑا ہے۔ یوں A_5 کے این سیارت ہوگا جو جو کی باتی جی ارک مین انداز کرتا ہے۔ A_5 کی جی ہوئے باتی جی ارک مین بیت بیٹ آزادات طور پر بلند یا پیت بند آزادات طور پر بلند یا پیت بند یا پیت بین این ہیں ہے۔ A_5 کی جیت بین معتامات کے جب سے بین این میں میں معتامات معتامات تک رسائی دیت ہے۔ حافظ 1 کے مختلف معتامات تک رسائی کے لئے A_5 کی جمعی معتامات کو میں میں سے حدود درج ہیں۔ شکل 10 میں پنج سے تیس معتام کی دائیں قطار میں سے حدود درج ہیں۔ شکل 10 میں پنج سے مولد حن نے اور معتامات کو طاہر کرتے ہیں۔ جیس بیلے ذکر کیا گیا، حافظ 10 کا آخذ میں معتام کل حافظ کی حداث معتام اس سے اگلے معتام گئی معتام گئی معتام گئی 100000 پر پایا جب این معتام گئی ہے۔ جب ان حافظ 10 کا اختام ہے وہیں سے دافل 1 کی شروعات موقی ہو تیں ہے۔ سائل 1 کی شروعات موقی ہوتی ہے۔

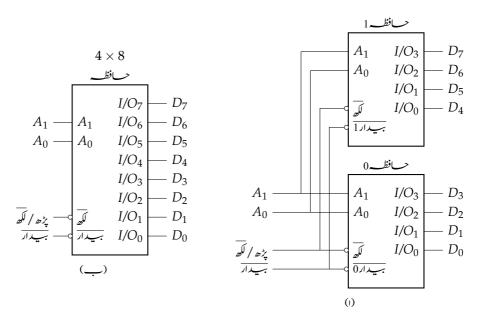
پست A_4 اور بلن د A_5 پست $\overline{y_2}$ دے گاجو کہ کی بھی حیافظے کے ساتھ نہیں جبڑا۔ یوں A_5 کی بھی حی نظے کی شناخت نہیں کرتے الب ذاباتی حیار پت بوٹ کی قیمتیں A_5 میں میں متام تک رسائی نہیں ہوگی۔ یوں پت A_5 میں متام تک رسائی نہیں ہوگی۔ یوں پت A_5 میں متام تک رسائی نہیں دیں گراست مواد کھی حیاستا ہے اور سے ہی اسس خطے سے مواد پڑھی حیاستا ہے۔ حبدول کی دائیس قطے اس میں جدول کی دائیس قطے میں نہیں خیر متعلی متام کے کھی کھی کر ظاہر کیا گیسے۔

بلند A_4 اوربلند A_5 پیت $\overline{y_3}$ و کرحافظ B_4 کو بیدار کرتا ہے۔ B_5 مرکتے ہو گیاتی حپار پہتہ بند کی قیمتیں B_5 مرکتے ہو گیاتی حبانظ B_5 کی قیمتیں B_5 کی المائل کرنے مسافل B_5 کی تیمت کی تیمت کی آل المائل ہوگی۔ بدول کی دائیں قطار کی قیمت کی تیمت کے مسافل ہوگی۔ جدول کی دائیں قطار میں سے حدود درج ہیں۔ شکل B_5 میں بالائی مولد حنانے ان مقامات کو ظاہر کرتے ہیں۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ جباں حنالی مقامات کا اختتام ہوتا ہے وہیں ہے حافظ B_5 شکر وجوز ہوتا ہے۔

یہاں کل چھ پت بِٹ A_0 تا A_5 استعال کیے گئے جو چونٹھ $(2^6=64)$ معتامات تک رسائی دے سکتے ہیں۔ ہم نے بولد مولد لفظ کے تین حسافظ استعال کرتے ہوئے اڑتالیں $(48=6\times16)$ معتامات استعال کیے جبکہ مولد $(48=6\times16)$ معتامات (فالح مقامات) کا استعال نہیں کیا گیا۔ اگر جپ ان تین حسافظ کو سلمہ وار جو ڑا گیا ہے ، تاہم ان مسیں صوف حسافظ $(48=6\times16)$ متنافظ کا مستدیب ہیں جب کہ حسافظ $(48=6\times16)$ کیا ہے ، تاہم ان مسیں صوف حسافظ $(48=6\times16)$ متنافظ کا مستدیب ہیں جب کہ حسافظ $(48=6\times16)$ کیا ہے ، تاہم مولد لفظ کا مستدید ایک حسافظ شنافت کار کے ساتھ جو ڈرگر تمام چونٹھ معتامات بروے کارلا سکتے ہیں۔

۲۲۴ باب. و. حافظ





شکل ۹.۱۲: جب فظوں کو متوازی جوڑ کر لفظ کی لمب آئی بڑھپائی گئی ہے۔

وو $4 \times 4 \times 4$ حافظے متوازی جوڑ کر $8 \times 4 \times 4$ حافظے کا حصول ۹.۳.۳

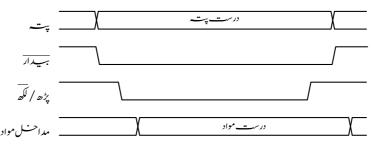
سشکل ۱۲.۹-امسیں دو $4 \times 4 \times 0$ نظے متوازی جوڑ کر ایک $4 \times 8 \times 0$ حافظہ حساس کے گیے ہے۔ دونوں حسافظ دیتے میں اور پت کے دو بیک A_1 اور A_1 دونوں حسافظوں کے حیار مقتام تک رسافی دیتے ہیں۔ حسافظہ D_1 تا D_2 تا ور D_3 تا D_4 تا ور D_3 تا ور D_4 تا ور D_3 تا ور D_4 تا ور D_3 تا ور D_4 تا ورئول کے کیل تا ور D_4 تا ور D_4 تا ور D_4 تا ورئول کے کیل تا ورئول کے کیل تا ورئول کے کیل تا ورئول

م. و حافظ کے اوت <u>س</u>کار

حافظ عسوماً فرد عامل کار ۱۲ (مانکروپر اسیسر) کے ساتھ منسلکہ استعال کیا حب تا ہے۔ عسام طور پر محنلوط ادوار کوئی مخصوص کام سر انجیام دینے کے لئے تحنیق کیے حباتے ہیں۔ حضر دعامسل کاران سے مختلف نوعیت کامخنلوط دور ہے جو احکامات اللہ پہلے ان احکامات کو تبدیل کر کے مائکروپر اسیسر سے مختلف کام لیے حبا سے ہیں۔ سے احکامات (پہلے سے) پخت دسان فلے مسیں لکھے حباتے ہے جہاں سے مائکروپر اسیسر انہیں پڑھ کر ان کی تعمیل کرتا ہے۔مائکروپر اسیسر کے ساتھ عسوماً عسارضی مواد لکھ کر ذخیہ دہ کر سکتا ہے ، جے کے ساتھ عسوماً عسارضی حواد لکھ کر ذخیہ دہ کر سکتا ہے ، جے

microprocessor rr commands rr

۲۲۲ باب ۹ صافظ

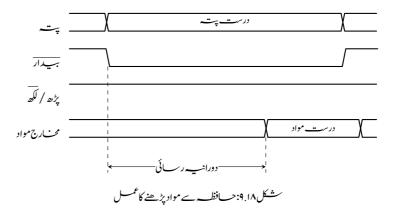


شكل ١٤. ٩: حب افظ صبين مواد لكھنے كاعمل

مائکروپراسیسر بعبد مسیں پڑھ سکتا ہے۔ مخلف صنعت کاروں کے تحسیق کردہ حسر و عسامسل کار کے اپنے اپنے مخصوص احکامات ہوں گے جنہمیں ہے۔ مسجھ سکتا ہے اور جن پر ہے عمسل کر سکتا ہے۔ کسی بھی مائکروپراسیسر کے تمسام احکامات کو اسس مائکروپراسیسر کی م**ادری زبالی** ۲۴ کہتے ہیں جب کسی ایک حسم کو **ہدایتے۔ ۲** کہتے ہیں۔

شکل ۱۸.۹ مسیں حضرہ عبام سل کار حافظ ہے مواد پڑھٹ حپاہتا ہے۔اسس گفتگو مسیں حضرہ عبام کار پڑھ / کھ بلندر کھ کر پت حضارج کرتا ہے۔ اسس ہے کے چند ہندے عبارضی حبافظ ہے کی اور باتی حبافظ ہے مواد پڑھنے کے معتام کی نشاندہ کرتے ہیں۔ شناخت کار چند ہی کھوں مسیں (پتے کے چند ہند سوں سے) حبافظ کی نشاندہ می کرکے اسے خب دوار کرتا ہے کہ حضرہ عبام سل کار حبافظ سے مواد پڑھنا حیاہتا ہے۔ حبافظ ہیدار ہوتے ہی اسس کوشش مسیں لگ حباتا ہے کہ در کار معتام سے مواد حباصل کرکے حضرہ عباس کار کے حوالے کرے۔ایس کرنے

assembly language instruction



کے لئے حافظہ کو پکھ وقت درکار ہوگا جے حافظہ کا دورانیہ رسائی تکیتے ہیں۔حافظہ مطاوب معتام سے مواد حاصل کر کے حنارج کرتا ہے۔اسس مواد کو "درست مواد "کہا گیا ہے۔ حندر عاصل کارمواد کو درست پہتے کے اختتام (یعنی جیدار کے کنارہ حیوشک فی) پر پڑھتا ہے۔حندر عاصل کاراسس مواد کو پڑھنے کے بعد اگا ہدایت پخت حافظہ ہدایت کے منارہ حیال کرتا ہے۔

مثق ع. و: انٹ رنیٹ سے عبار ضی حسافظہ 6116 اور پخت حسافظہ 2732 کے دورانیہ رسائی معلوم کریں۔

9.۵ پخت حافظ سے ترکسیبی ادوار کاحصول

اس كتاب كے حصہ ۴.۵ مسيں شنانت كاركے ساتھ ايك جمع گيٹ استعال كركے تف عسل كا حصول و كھايا گيا۔ استعال كركے تف عسل كا حصول و كھايا گيا۔ اور بحب اللہ مكن محمنہ اركان ضرب كارك مسين كلھ كرائے شنانت كارك مطلوب محنارج اور ايك جمع مراقع عسل كو محبوع اركان ضرب كے روپ مسين كلھ كرائے شنانت كارك مطلوب محنارج اور ايك جمع گيٹ ہے حساسل كيا حباسكتا ہے۔

m بِٹ لفظ پخت میں سٹنانیت کار اور m جن گیٹ موجود ہوتے ہیں لہنڈ ااسس کو m تف عسل کے حصول m کے کیا تشکیل m کے لئے میں سٹکل m ارا m کے لئے میں سٹکل m ارا m کے لئے میں سٹکل m کے لئے میں سٹکل m کا ایا m کے این سٹکل m کا ایا m کے این سٹکل m کا این سٹکل m کے این سٹکل m کا این سٹکل کا این سٹکل کے این سٹکل

access time^{r1} configure^{r2}

۱۲۸ باب. ۹. حافظت

دہراتاہے)حسامسل کرنے والا دور تصور کسیاحب سکتاہے۔

$$D_7 = \sum (0,3)$$

$$D_6 = \sum (1,2)$$

$$D_5 = \sum (1,2,3)$$

$$D_4 = \sum (3)$$

$$D_3 = \sum (0,1)$$

$$D_2 = \sum (0,2)$$

$$D_1 = \sum (3)$$

$$D_0 = \sum (1,2)$$

ان تف عسل کو ایک مختلف نقط، نظرے دیکھتے ہیں۔ کمت ردویٹ D_0 اور D_1 کو ایک سے تھ D_1 ویکھتیں تو سے مداحت ل D_1 ہو کہ جمع کرنے والانصنہ جمع کارہے۔ ای طسرت D_2 دراصل D_3 اور D_3 اور D_4 ان کا متم بلا طسرت D_4 دراصل دونوں مداحت کا منطقی ضرجہ جب کہ D_5 ان کا متم بلا شرکتے جمع ہے۔ شمرکتے جمع ہے۔ شمرکتے جمع ہے۔

سوالا___

سوال ۹۱۱: مختلف جسامت کے حسافظوں مسین پت بِٹ کی اعشاری تعبداد (۱) 4 ، (ب) 16 ، اور (ج) 32 ہے۔ ان حسافظوں مسین الفاظ ذخیرہ کرنے کے معتام کتنے ہوں گے؟

جواب: (۱) 16 (س)، 4294967296 (ق)، 65536 (س)، 16 (ا):

وال ۹.۲: حافظ کی جامت عصوماً $N \times D$ کسی اور پکاری حباتی ہے ، جباں N حافظ کی تعداد اور D کا عمل الفاظ کی تعداد اور D کا خواجہ کا میں ہوں گے ؛ (یادر ہے ایک کلوبائٹ ہے مسداد 1024 بائٹ ہے۔) D کا خواجہ کا میں ہوں گے ؛ (یادر ہے ایک کلوبائٹ ہے۔)

جواب:(۱)سوله پت اور آٹھ موادبٹ،(ج)اٹھارہ پت اور آٹھ موادبٹ۔

سوال ۱۹.۳: حسانظ کے لئے سولہ بیٹ پر 172₁₀ مواد لکھا ہے۔اسس تک رسائی کے لئے سولہ بیٹ پت کسیا ہوگا اورانسس معتام سے کسیا آٹھ بٹ مواد پڑھا حبائے گا؟

جواب: يت 101011000100011، مواد 101011000

سوال ۹.۴: حیار عدد $8 \times 8 \times 2K$ حافظہ اور ایک عدد $4 \times 2 \times 2$ شناخت کار کی مدد سے $8 \times 8K \times 8$ حافظہ حاصل کریں۔

 \sim بوال 9.8: \sim وعدد $8 \times 256K \times 8$ حافظ استعال کرکے \sim 256K \sim اوال 9.2

سوال ۹.۲: حیاریت اور آٹھ مواد بی حسافظہ استعال کر کے نوکا پہاڑا حساسسل کرنا ہے۔ حسافظہ کوشنائی مسرموزاعثاری استعال کر عدد بطوریت و مسرموزاعثاری استعال کا 9 اعشاری عدد بطوریت و مسرموزاعثاری استعال کا 9 اعشاری عدد بطوریت و مسرموزاعثاری استعال کی استعال کا بیار موادیت و موادیت و موادیت و کا بیار کا 9 اعشاری عدد بطوریت و مسرموزاعثاری کا بیار کا 9 اعشاری عدد بطوریت و کا بیار کا 9 اعشاری کا 9

شن کی مسر موز اعشاری روپ مسین پیش کرنا ہے۔مشلاً ا، گر اسے دو (0010₂) منسراہم کمیاحبائے تو سے اٹھارہ (00011000₂) حنارج کرے۔(۱)حسافظہ مسین لکھیا مواد حبدول کی شکل مسین لکھیں۔(ب)حسافظہ مسین کلھیا مواد عبدول کی شکل مسین لکھیں۔(ب)حسافظہ مسین کلھیا مواد عبدول کی شکل مسین لکھیں۔

جواب:چپرمتام غیسرمستعمل ہوں گے۔

مقتام	مواد
0000	0000 0000
0001	0000 1001
0010	0001 1000
0011	0010 0111
0100	0011 0110
0101	0100 0101
0110	0101 0100
0111	0110 0011
1000	0111 0010
1001	1000 0001

سوال 9.2: حپارہِٹ شن ئی عدد مسیں 1 کی تعداد حبانت مقصود ہے۔ اسس کام کے لئے 4 \times 16 حب نظہ استعال کی احب اتا ہے۔ حسافظہ نے اسس عدد مسیں 1 کی تعداد کی احب اتا ہے۔ حسافظہ نے اسس عدد مسیں 1 کی تعداد مطور مواد حن ارخ کرنا ہے۔ یوں اگر 1011 مسر اہم کی حبائے تو 2001 وصول ہوگا۔ حسافظہ مسیں لکھ گیا مواد حبدول مسیں لکھیں۔

جواب:

۲۳۰ باب۹.حافظ

عسدد	اكائسيال
0000	0000
0001	0001
0010	0001
0011	0010
0100	0001
0101	0010
0110	0010
0111	0011
1000	0001
1001	0010
1010	0010
1011	0011
1100	0010
1101	0011
1110	0011
1111	0100

سوال ۹.۸: انٹرنیٹ ہے (۱) 2708 ، (ب) 2732 ، (خ) 2764 ، (د) 27256 ، (ه) 6116 ، اور (و) 62256 کے دورانیہ رسائی درانی سخت معلوماتی صفحات ساصل کر کے ان کی قسم (یعنی پخت یا عبارضی)، جسامت اور دورانیہ رسائی دریافت کریں۔ (بہرسائی کی صلاحیت کے لئے دستیاب ہیں۔)

باب-۱۰

وت بل تشكيل تركب بي منطقي ادوار

پختہ حافظہ استعال کرتے ہوئے تف عسل کا حصول گزشتہ باب مسیں دکھایا گیا۔ m بٹ پتہ پختہ حافظہ میں تمام ممکنہ m ارکان ضرب موجود ہوتے ہیں جنہ گیٹوں سے جوڑ کر درکار تف عسل حساس کیے حباسکتے ہیں۔ پخت حسافظہ تکمیلی ترکیبی منطقی ادوار '، جن پریباں غور کسیاحبے گا، کی ایک فتم ہے۔

وت بل تفکیل ترکیبی منطقی ادوار کی پہلی فتم قابل تفکیل جمع ترکیبی منطقی ادوار اے، جن مسین پہلاصف ضرب گیٹ اور دوسر بھٹ کی منطقی ادوار علیہ منطقی ادوار علیہ منطقی ادوار کی ہمان کے اور دوسر کی منسب از کا موسی منسب کے جمع کیٹوں کے داخشی برقی جوڑ ت بل تفکیل ہوتے ہیں۔ پخت مسافظ مسین داخشی مسین شمسار ہوتا ہے۔ اس فتم مسین شمسار ہوتا ہے۔

و ابل تفکیل ترکیبی منطق ادوار کی دو سری فتم قابلی تشکیلی ضرب ترکیبی منطقی ادوار سے ، جن مسین پہلاصف ضرب گیٹ اور دو سراجع گیٹ کابو تا ہے اور جو مجب وعب ارکان ضرب کی صورت مسین تف سل دیے ہیں۔ پہلی صف کے ضرب گیٹوں کے داحنلی برتی جو ڈائل ہوتے ہیں۔ ضرب گیٹوں کے داحنلی برتی جو ڈائل ہوتے ہیں۔ تیسری اور سب سے زیادہ کی کے دار متابل تفکیل ترکیبی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے ضرب گیٹوں کے دامنی جو ڈونوں متابل تفکیل ہوتے ہیں۔ انہیں قابلی تشکیل صف و جمع ترکیبی جو ڈاور دوسری صف کے جمع گیٹوں کے دامنی جو ڈونوں متابل تفکیل ہوتے ہیں۔ انہیں قابلی تشکیل صفر جو جمع ترکیبی

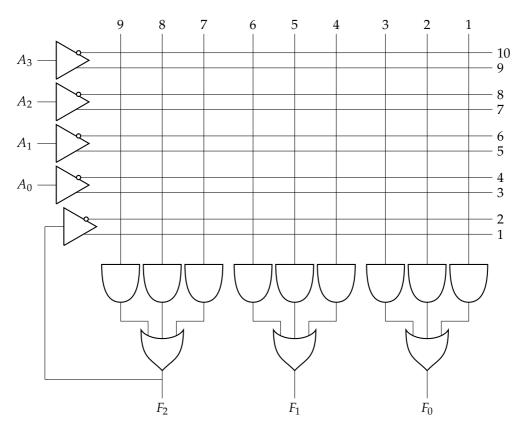
جوڑ اور دوسسری صفے ہے جمع کیٹوں کے داخشکی جوڑ دونوں متابل تشکسیال ہوتے ہیں۔انہمیں **قابلی سملیلی ض** منطقہر ادوار ^مسکتے ہیں۔

مذکورہ بالاادوار پروگرامبر(محنلوط دور برنامہ نویس) سے تشکیل دیے حباتے ہیں۔

programmable logic devices (PLDs)

programmable array logic (PAL)

programmable logic array (PLA) CPLD, complex programmable logic devices



مشكل ا. ١٠: ت بل تفكيل ضرب جوڑوالے تركىبى دوركى عصوى ساخت

ا. ٠ . ١٠ وت بل تشكيل ضرب تركيبي منطقي ادوار

وت بل تفکسیل ضرب ترکسیبی منطقی ادوار کی عصومی ساخت سشکل ۱۰۱۰ مسین د کھائی گئی ہے جہاں دور کے حیار مداحن اور تین محنارج ہیں۔ ان ادوار مسین عصوماً گئی محنارج استارے بھی بطور مداحن استعال کیے حباتے ہیں جیسے یہاں وکے استعال کیا گئیا ہے۔ F2 استعال کیا گئیا ہے۔

د کھے کے گئے دور کے تین کیساں تھے ہیں۔ ہر تھے۔ مسین دس مداخشان تین خرب گیٹ ہیں جو تین مداخشاں ایک بھٹ گیٹ کو حباتے ہیں۔ خرب گیٹ کے مداخشاں تشکیل جبکہ جنج گیٹ کے مداخشاں اٹل ہیں۔ دور کے کُل حپار مداخشاں ہیں جنہیں مستحکم کارے گزار کران کے متم بھی خرب گیٹ کومہیا کیے گئے ہیں۔ اسس دور مسین 10 داخشلی کُل 9 جنج گیٹ ہیں البہٰذااسس مسین 90 = 10 × 9 نستلے ہوں گے۔

عبام دستیاب ادوار مسین مداحنل ادر محنارج کی تعبیداد اسس سے زیادہ ہو گی، مشلاً ان مسین سولہ مداحنل، آٹھ محنارج اور

آٹھ یکساں اندرونی تھے ہو کتے ہیں جن مسیں ہر حصہ آٹھ ضرب اور ایک جمع گیٹ پر مشتمل ہوگا۔ مسزید حضار جی امشاروں پر مستخلم کارنصب ہو کتے ہیں جنہیں بلندر کاوٹی حسال کیا حب سکتا ہے۔

آئیں اسس دور کو استعال کرتے ہوئے درج ذیل تف عسل حساصل کرتے ہیں جو ارکان ضرب کے روپ مسیں دیے گئے ہیں۔

$$F_0(A, B, C, D) = \sum (4,5,10,14)$$

$$F_1(A, B, C, D) = \sum (0,1,5,7,9,13,14,15)$$

$$F_2(A, B, C, D) = \sum (0,1,5,7,14,15)$$

کارناف نقث حبات سے ان تف عسل کادرج ذیل سادہ رویہ حساس کیا حباسکتا ہے۔

$$F_{0} = \overline{A}B\overline{C} + AC\overline{D}$$

$$F_{1} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC + A\overline{B}C = F_{2} + A\overline{B}C$$

$$F_{2} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC$$

ان مساواتوں مسیں کوئی بھی ضربی رکن تین سے زیادہ مداحنل پر مشتل نہیں المبذا درج بالا تف عسلات کو مشکل ۱۰ امسیں پیش متابل تشکیل ترکسیبی منطقی دور استعال کر کے حساصل کسیاحب سکتا ہے۔ مشکل ۲۰۱۰مسیں درج بالا تف عسلات کا دور د کھایا گیاہے جہاں سالم جوڑ صلیبی نشان سے ظہار کیے گئے ہیں۔ باقی جوڑ منقطع کیے گئے ہیں۔

۱۰.۰.۲ و تشکیل ضرب و جمع تر کسیبی منطقی ادوار

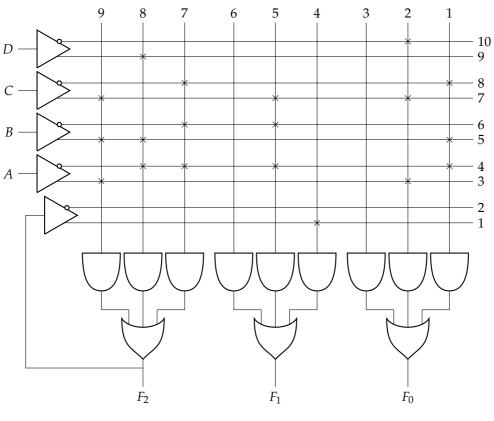
ان ادوار مسیں بھی پہلی صف ضر ب گیٹ اور دو سسری صف جمع گیٹول کی ہوتی ہے البت ان مسیں ضر ب گیٹول اور جمع گیٹول کے تمسام جوڑوت بل تفکسیل ہوتے ہیں۔ یوں استعال کے نکت نظسرے یہ نہایت کچک دار ہوتے ہیں۔

مشکل ۱۰ ۳ مسیں و تابل تشکیل ضرب و جمع تر کسیبی منطقی دور د کھایا گیا ہے۔ اسس دور مسیں تمسام ضرب گیٹوں کے داخنلی جوڑوت بل تشکیل ہیں۔ اسس دور مسیں آٹھ داخنلی چھ ضرب گیٹ اور چھ داخنلی تین عمن مسیل گل جوڑ 66 ہوں گے۔ چمج گلٹ بین۔ یوں اسس مسیل گل جوڑ 66 ہوں گے۔

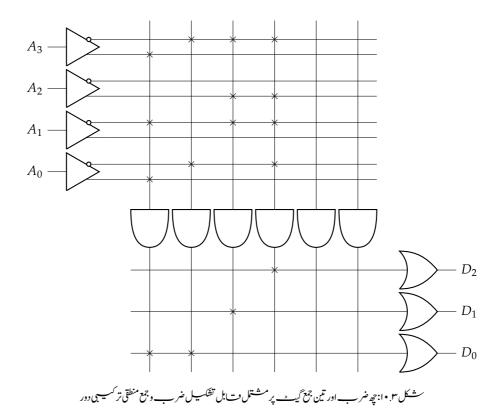
اس شکل مسیں درج ذیل تین تف عسل حساس کیے گئے ہیں جہاں صلیبی نشان سلامت جوڑ کو ظاہر کرتے ہیں۔ ان تف عسل کے حصول مسیں حپار ضرب گیٹ اور تسینوں جمع گیٹ کی ضرورت پیشس آئی، جبکہ دوضرب گیٹ زیر استعال نہیں آئے۔

$$\begin{array}{c} D_2 = \overline{A}_0 \overline{A}_1 A_2 \overline{A}_3 \\ D_1 = \overline{A}_1 A_2 \overline{A}_3 \\ D_2 = A_0 \overline{A}_1 A_3 + \overline{A}_0 \overline{A}_3 \end{array}$$

یہاں دکھیایا گیات بال تشکیل ضرب و جمع ترکیبی منطق دور صرف سنجھانے کی مناظے روت ہوت ۔ حقیقی ادوار مسیں گئی گٹ زیادہ مداحن کر محتاری، اور گیائے ہوں گے۔ شائی تف عسل کی سادہ ترین صورت مساسل کر کے اسے محتلوط دور مسیں ڈالاحب تا ہے۔ سندہ ترین روپ کا حصول ، جو عسوماً ایک مشکل کام ہوگا، کمپیوٹر کے ذریعے کسیاحب تا ہے۔ منقطع ہونے والے وستیلوں کی معلومات بھی کمپیوٹر فنسراہم کرتا ہے۔ فنیلے محتلوط ادوار کا پروگر امسر منقطع کرتا ہے۔



شكل ٢.١٠: تين تف علات كاحصول



ا. ١٠ صابل تشكيل ترتيبي ادوار

جیااس باب کی شروع مسین ذکر ہوا، و سیج پیانے کے مخلوط اووار ^۵ر تسیبی بن اوٹ رکھتے ہیں۔ تبایل تشکیل تر کسیبی ادوار کے ساتھ پلیٹ بنسلک کر کے و تبایل تشکیل تر تسیبی ادوار حساس کی جب تے ہیں۔ اس طسر تر کے یک ان گئی تھے ایک مختلاط دور پر مسین ڈال کر پیچیدہ قابل تشکیل تر تیبی ادوار آبن کے حباتے ہیں۔ ان ادوار مسین تسام انف رادی حصول کے مابین، و تبایل تشکیل تر تسیبی ادوار کی طسر تر ، برق جو ڈول (فنتیوں) کا حبال بچے یا حباتا ہے، اور بسیرونی مداحن کے ساتھ میں۔ ساتھ دور کے مین رج بطور مداحن استعال کے حباسے تیں۔

انتہائی وسلیج پیانے کے مخلوط ادوار کی بناوٹ صف درصف گیٹوں پر مسبنی ہوتی ہے۔ایے حبدید مختلوط ادوار مسیں گیٹوں کی تعبد ادار ہوں مسیں ہوتی ہے۔

انتہائی وسنج ہیںنے کے محنلوط ادوار کاذکر کرتے ہوئے موُر کی پیٹن گوئی کاذکر کرنالازم ہے حسنہوں نے 1965مسیں پیٹن گوئی کی کہ محنلوط ادوار مسیں گیٹوں کی تعب دوہر دوسال مسیں دگنی ہوگی۔ یہ پیٹن گوئی جے م**وُر کا قانون م**مسیم اسب تک درست ثابت ہوتا آرہاہے۔

انتہائی و سیج پیانہ مختلوط دور تشکیل دیے کی حناطسر تناعسل مسین مستعمل گیٹ اور ان کے ﴿ جوڑ کی معسلومات مختلوط دور بناتے وقت اسس معسلومات کے تحت گیڈوں کرنے والے صنعت کار کو فنسراہم کیا جبار صنعت کار صارف کے ضرورت کے معسلومات کے تحت گیڈوں کے ﴿ درکار جوڑ بنا دیے حباتے ہیں۔ کبھی کبھار صنعت کار صارف کے ضرورت کے مطابق مطابق محسلومات کے مخلوط ادوار و ایسے ہیں۔

اسس سلدی آسنری قتم موقع پر قابل تشکیل گیدہ صف اب جودراسس انتہائی وسنے پیب نہ مختلوط ادوار کا وہ قتم ہے جہ صف استہائی وسنے پیب نہ مختلوط ادوار کا وہ قتم کے جہ صدار نہ خود تفکیل دیا جب ساتا ہے۔ ان ادوار مسیں گیٹ، پلٹ، شناخت کار، عبار ضی حساز فلے اور اسس قتم کے دیگر ادوار پائے حب تے ہیں۔ موقع پر وتابل تفکیل گیٹ صف استمال کرنے کی حناط مرکم کی کمپیوٹر کی مدد سے تیار اکرنے کی حناط مرکئی کمپیوٹر پروگرام استمال کے حباستے ہیں۔

مثق ا . ١٠: انٹ رنیٹ سے EPM7032 مختلوط دور کے معلوماتی صفحات صاصل کریں۔(۱) اسس مسیں کتنے کیاں جھے ہیں؟(ب) کسیابر تھے مسیں بلٹ بھی پایا جباتا ہے؟

large scale integration (LSI)2

complex PLD (CPLD)

very large scale integration (VLSI)2

Moore's law

application specific integrated circuit (ASIC)9

field programmable gate array (FPGA)'*

computer aided design (CAD)"

با___اا

غب رمع اصر ترتنس ادوار

وسیج پیبان عددی ادوار عصوماً معاصر ادوار کے طسرز پر بنائے حباتے ہیں۔ان کے اگلے حیال مکسل طور پر موجودہ حیال سے حیاصل ہوتے ہیں اور باقی اوصات کے لئے انہاں عنصر متخصر تھور کیا جہال عرف ساعت کے لئے انہیں عنصر متخصر تصور کیا حباسکا ہے۔ ساعت کے کنارے سے چند لمحیات قسبل تا چند لمحیات بعب محتال کاپائیدار ہونایق نی بنایا حباتا ہے۔ یوں کنارہ ساعت پر معسلوم حیال پائے حباتے ہیں جن سے اگلے بر معسلوم حیال پائے حباتے ہیں جن سے اگلے بر تھین حیال حیاصل ہوتے ہیں۔

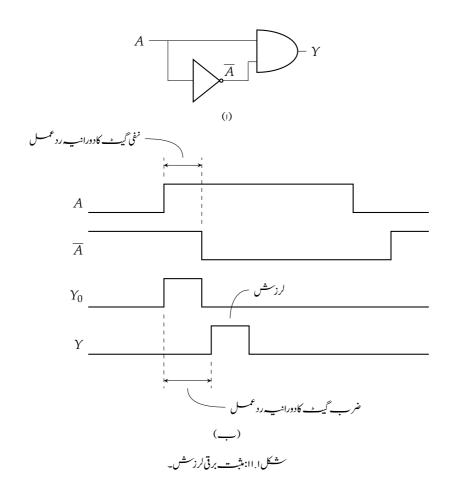
اسس کے بر تکسس غیب مصاصر ادوار کے حسال کسی بھی لھے۔ تب دیل ہو سکتے ہیں جسس سے حسالت دوڑ اور دیگر مسائل کھسٹرے ہوتے ہیں جن پرانسس باہے مسیں غور کسیاحبائے گا۔

غیبر معیاصر ادوار کی اپنی ایک اہمیت ہے۔ یہ ساعت کے کسنارے کا انتظار کیے بغیبر امشارہ کورد عمسل کر سکتے ہیں۔ عب وماً کی بھی عب دی دور مسین کچھ حسب معیاصر اور کچھ غیبر معیاصر ہوگا۔

سٹکل ۱۱. امسیں نہایت سادہ دور دکھایا گیاہے جس کو سر سری نظرے دکھ کریوں محموس ہوتا ہے کہ ضرب گیا۔ امسیں نہایت بہت ہوتا ہے کہ ضرب گیٹ کا محنان جھی مداحنل A گیٹ کا محنان جھی مداحنل A مسالہ است سادہ نہیں جس محل مداحنل کرے گا۔ یہ آخی گیٹ کے دورانیہ رو حال تبدیل کرے گا۔ یہ آخی گیٹ کے دورانیہ رو عمل کرد کھائی گیہ ہے۔ اگر ضرب علی مداحنل کے دورانیہ کی بدولت ہے۔ اگر ضرب کا محنان کا دورانیہ رو عمل مصند ہوتا تب ضرب گیٹ کا محنان کا ان دومداحنل کے مطابق حسال کو انتقار کرتا۔ حقیقتاً مضرب گیٹ کو بھی روعمل کے کیند کھی ہوگا۔

آپ د کھ سے ہیں ضرب گیٹ کا محتارج عنیسر مطلوب طور پر، نفی گیٹ کے دورانیے روعمل کے برابر دورانے کے لئے، بلند ہوگا۔ اس طسرح کے، عنیسر مطلوب نہایت کم دورانیے کے لئے، حال کی شبد بلی کو برقی لرز ش یا مختصراً

delay'



لرز رہے اسے ہیں۔ برقی لرزمش مثبت یا منفی ہو سستی ہے البذا موجودہ لرزمش کو مثبت لرزمش کہیں گے۔ لرزمش نہسایت کم دورانے کی دھٹڑ کن تصور کی حب سستی ہے، تاہم لرزمش کی اصطبال عصوماً غیسر مطباوب دھٹڑ کن کے لئے استعال کی حبائی ہے اوران سے معساصرا دوار کویا کے رکھا حباتا ہے۔

لرزسش کی وجب سے ادوار ع**بوری عالی** "اختیار کرتے ہیں۔اسس باب مسین عصبوری حسال پر تفصیلاً بحث ہوگی۔

آپ نے دیکھ کہ ضرب گیٹ تک امشارہ \overline{A} پہنچنے مسیں تاخیسر کی ہدولت لرزمش پیدا ہوئی۔ تاخیسر کی مسزید ایک مشال دیکھتے ہیں۔

برقی تارمسیں برقی دباوکی رفت ارتقت ریباً حنیاء مسیں روشنی کی رفت ار 7 کے برابر ہوتی ہے۔ بین ایک نیسٹر مسین برقی دباوتھ سے بینٹر مسین برقی دباوتھ تقسیں برقی $3 \times 10^8 \times 10^8 \times 10^8 \times 10^8 \times 10^8$ دباوتھ سے مثال تبدیل کر کے نفی گیٹ کی جگ 30 سینٹی مسیر برقی تار لگائی حبائے اور ضرب گیٹ کی جگ بلا شھر کے بی مثال تبدیل کر کے نفی گیٹ کی جگ 10 سینٹی مسیر برقی تار لگائی حبائے اور ضرب گیٹ کی جگ بلا شھر کے بی حبال گیسے کی جگ کے بلا شھر کے بیٹر کا میں کا میں کیسٹر برقی تار لگائی حبائے اور ضرب گیٹ کی جگ 10 سینٹی مسیر برقی تار لگائی حبائے اور ضرب گیٹ کی جگ 10 سینٹر کیسے برائے بین مسیر کیسے کی جگ 10 سینٹر کیسٹر برقی تاریخ 10 سینٹر کیسٹر برقی تاریخ 10 سینٹر کیسٹر 10 سینٹر کیسٹر 10 سینٹر کیسٹر 10 سینٹر 10 سینٹر

اسنارہ A گین کے ایک واحنلی پن پر مہیا کیا گی ہے جب کہ بھی اسنارہ تیس سنی مسیر برقی تارے گزار کردوسرے داخلی پن پر مہیا کیا گیا ہے جہاں (تاخیسرے پنجنے والے) اسنارے کو A کہا گیا ہے۔ تارکوبل دار لکسیسرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ یوں اسنارہ A_t گیئے و دوسسرے پن تک (تار مسیس ترسیل کے بعد) گاخیر سے پنجنے ہے۔ اسنارہ A بلسنہ یاپست ہوگا گیئے کا دورانیے ردِ عمس نظر انداز A بلسنہ یاپست ہوگا گیئے کا دورانیے ردِ عمس نظر انداز کرتے ہوئے گیئے کا دورانیے ردِ عمس کا دورانیے ردِ عمس کا دورانیے ردِ عمس کی دورانے برقی تار مسیس تاخیسر کے برابر ہیں۔ یوں اسفارے کی راہ مسیس تاخیسر کے برابر ہیں۔ یوں اسفارے کی راہ مسیس تاخیسر، حیاظہ کی طسری، معسلومات کھیے کو ملتی ہیں جو کی صلاحیت رکھتی ہیں۔

آپ نے دیکھ افخانف طسرز کی تاخیسر دور مسیں لرزشیں پیدا کرتی ہیں۔ جب اں باز رسمی اشارہ "تاخیسر سے پہنچ کر محتارج تب دیل کر تا ہودہاں دوران تاخیسر محتارج اور تاخیسر کے بعد محتارج مختلف ہوں گے جس سے ما یا نیدار طالعہ اپسیدا ہوگا۔

جب بھی ایک سے زیادہ اسٹارے بیک وقت تبدیل ہوں، گیٹ اور برقی تاروں مسین نامت بل معسلوم تاخیسر کی ہروات ان کے اثرات حب نن اتقسر بیبانا مسکن ہوگا۔ اسس مسئلے سے بچنے کی حناطسر غنیسر معسامرادوار درج ذیل دوسشر الطک تحت بنائے جب نے بین: (۱) ایک وقت پر صرف ایک اسٹارہ تبدیل ہو؛ (ب) اسٹاروں کی تبدیل کے در میان اتناز کر تاہو۔ ان سشر الطک تحت چیانے کو بنیا دی طراق کار کے تقت دیاجب کہتے ہیں۔
تحت چات کہتے ہیں۔

glitch

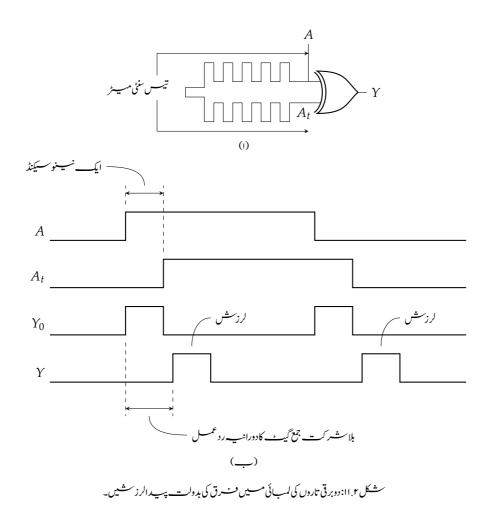
transition state

رفتار کی روشنی مسین حناء 3×10^8 رفتار کی روشنی مسین حناء feedback signal

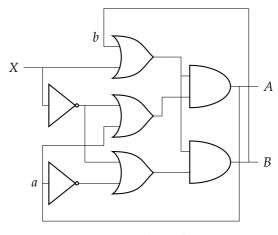
unstable condition

instable condition

fundamental mode2



ا.اا. تحبزب



مشكل ١١.٣: غيسر معساصر دور ـ

ا.اا تحبزب

غ**یر معاصر ترتیبی ادوار ^ سے مسر**ادایے ادوار ہیں جن مسیں (ا) بغیبر ساعت والے پلٹ پائے حبائیں اور یا (ب) ان مسیں ایک یاایک سے زیادہ محنارج بطور **بازر سے اشارات** استعال ہوں۔ جیسے اوپر ذکر کسیا گسی، مختلف نوعیت کی تاخسیر کی بہت پر بازر سی ارات لمحساتی طور پر حسافظہ کی صسلاحی<u>ت رکھتے ہیں</u>۔

جب حضار جی امشارہ، مشلاً D ، بطور داحضلی امشارہ استعال ہو کر اپنی ہی قیمت (D) تعسین کرنے مسیں کر دار ادا کر تا ہو، س**ی بازر سی اثنارہ ⁹کہا** تا ہے۔

اسس حسب مسين بغيب ريائ ادوارير غور كسياحبائ كاله پلائ والے دورير الكلے حسب مسين غور كسياحبائ كاله

ا.۱.۱۱ عبوری حبدول

غیب رمع اصر ترسیبی ادوار پرغور ان کے ع**بور کی جدول ۱**۰ کی مد دے کیا حب تاہے۔ یہ طسریقہ مشکل ۱۱.۳مسیں دیے گئے دور کی مد دے سیکھتے ہیں۔

پلٹ کی غیبر موجود گی کے باوجود اسس کو ترشیبی دور اسس کئے کہمیں گے کہ حنار جی احداد A اور B بطور باز رسم A اور A اور A اور A استعمال کے گئے ہیں۔ دورے حنار جی حسال کی مساوات کھتے ہیں۔

(II.1)
$$A = (b+x) \cdot (a+\overline{x})$$
$$B = (b+x) \cdot (\overline{a}+\overline{x})$$

asynchronous combinational circuit^A

feedback signal9

transition table'*

feedback signals"

بدول ۱۱: دور کابوولین حبدول ـ	>
-------------------------------	---

а	b	x	A	В
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	0

a مساوات حساس کرتے وقت بازری احشاروں کو عسام مداحشل تصور کریں۔ یوں x کو بسیرونی مداحشل جبکہ a اور b کواندرونی مداحشل تصور کریں۔ ان مساوات مسین a اور b موبودہ مخارج جبکہ a اور a اگلے مخارج بیں۔ ان مساوات سے حبور کی حدول کا حصول شکل اا aمسین د کھیا اگلیا ہے۔

حبدول ۱۱. امسیں پیش عالی کے متغیراتے ۱۱ اور B کی معساومات کو علیحہ وہ کارنان نتوں کی طسرز پر کھی گلیستان عالی کے متغیراتے ۱۱ اور B کا معساومات کو علیحہ وہ کارنان نتوں کی بائیں حبانب قطار کھی گلیستان میں اندرونی مداحنل A کی عمورت مسیں ہیں۔ وفی مداحنل A کی عمورت مسیں ہیں۔ وفی مداحنل A کی قیمتیں جبکہ اوپر حبانب صف کی صورت مسیں ہیں۔ قیمتیں جبکہ اوپر حبانب میں کتھی حباتی ہیں۔

عجود کے جدول مسیں A اور B کی تیمتیں ساتھ ساتھ A B کسی حباتی ہیں۔ کارناف نقوں کی آحضری صف کی دائیں قطار وں مسیں A کی تیمت B جب B کی تیمت کی

شکل ۱۱.۵ پر نظر رکھ کر عبور کی جدول کے استمال پر غور کرتے ہیں۔ جب ول کی ab=00 صف اور a=0 قط رمسیں واقع حت نے کو ابتدائی خانہ "انہا گیا ہے ، جس مسین ab=00 اور a=0 کی صورت مسین ab کی قیت درج ہے۔ مسین کریں اہتدائی حت نے دور کا اہتدائی حت النظام کرتا ہے۔

اب اگر ab = 00 رکھے ہوئے ہیں وفی مداحنل x کی قیمت 0 = 1 کر دی حبائے تو عبوری جدول کے مطابق ab = 00 کی قیمت میں مختلف ہوں گی جو عبوری AB کی قیمت میں مختلف ہوں گی جو عبوری

state variables"

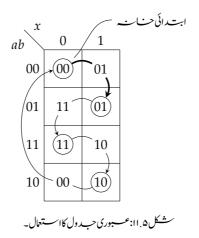
transient state"

الكي بھي مت تھم حيال حنانے كوابت دائى حنان منتخب كساحيا سكتاہے۔

الا تحبزي

	حبدول	عبوري	A	ئەبرائے ا	نان نقث	ار: B	شه برائے	نانے نقسۂ	کار;
ab x	0	1	ab	0	1	ab	0	1	
00	00	01	00	0	0	00	0	1	
01	11	(01)	01	1	0	01	1	1	
11	11)	10	11	1	1	11	1	0	
10	00	10	10	0	_1	10	0	_ 0	
									-
			4	(1 .	\	-\ n	/1 .	\	_

$$A=(b+x)(a+\overline{x})$$
 $B=(b+x)(\overline{a}+\overline{x})$ مشکل ۱۱. اعبوری حب ول کا حصول ا



حسال کی نشانی ہے اور جس مسیں دورزیادہ دیر نہمیں رہ سکتا۔ برقی تاروں مسیں تاخیب رکے بعبہ ab = 01 کو قیب ab = 01 جو جب کے گی جب ab = 01 برگز تن اور اور ای ab = 01 برگز گی تیب رکے بعبہ عبوری جب دول کی ab = 01 برگز گاہب کی تھیں۔ ab = 01 اور ab = 01 اور ab = 01 بہجو مستحکم حسال کو ظاہر کر تا ہے (اور ای لئے دائرے مسین بہت دکھ کیا گیا ہے)۔ اسس پورے مسرحیا ہو ہے ہم" پہیا ہوتہ م" کہتا ہیں (وضاحت کی حضاطب، موٹی تعیبر دار لکسیسر سے ظاہر کمیا گیا ہے جو عبوری حنانے (عبوری حسال ab = 01 کی حناطب، موٹی تعیبر دار لکسیسر سے ظاہر کمیا گیا ہے جو عبوری حنانے (عبوری حسال ab = 01 کی رکز کر مستحکم حال (01) پر اختا میز پر ہوتا ہے۔

مستخکم (پائے یدار) حسال سے ابت داکرتے ہوئے X کی قیمت تبدیل کرنے سے دور پچھ کھوں کے لئے عسبوری حسال اختیار کر گیا۔ سے صورت زیادہ دیر برفت رار نہیں رہی۔ تارول مسین تاخیسر کے بعب بازری امشارے تبدیل ہوئے اور دور دوبارہ مستخکم حسال اختیار کر گیا۔ عسموماً ادوار کاعمسل ای طسیرج ہوگا۔

x=0 ای طسر x=0 ab=0 a

دور کا حسال AB کی بحب نے ABx ککھ حساس تاہے۔ یوں 000 ، 011 ، 101 ، 101 منتکم عالی جب مال جب مال منتکم عالی جب 101 ، 101

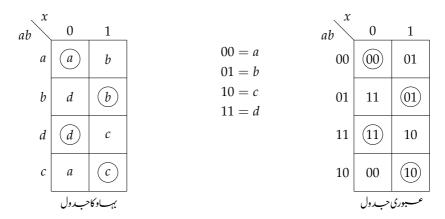
عبوری حبدول کی ہر صف مسیں ،عبوماً ، کم از کم ایک مستحکم حسال ضرور پایا حب اتا ہے۔ ایب سے ہونے کی صورت مسین اسس صف مسین بینچ کر دور عبوری حسال اختیار کرے گا۔

عبوری حبدول حساصل کرنے کاطسریقہ کاریساں سیان کرتے ہیں۔

- دورمسین تمام بازر سی اشارول اور بازر سی دائرول ۱۵ کانشاندی کریں۔
- کسی بھی ترتیب سے بازر می دائروں کے محتارج کی مشناخت ، C ، B ، A ، وغنیبرہ جبکہ اس ترتیب سے ان کے باز رسی اعشارات کی مشناخت ، c ، b ، a ، وغنیبرہ سے کریں۔
 - ہیں رونی اور اندرونی مدا^{حن}ل کی صور <u>میں</u> تمیام محنارج کے بودلین تف عسل حیاصل کریں۔
 - ان تفاعل کے کارناف نقشے سنائیں۔

feedback loops 12

۱۱.۱ تحبزب



شکل ۲.۱۱:عبوری حب دول سے بہاوے حب دول کا حصول۔

- جباں ، ، ، ABC اور ای صف مسین ، ، ، abc کی قیت یک ان ہو، وہاں ، ، ، ABC کو دائرے مسین بہند کریں۔

عبوری حبدول کے حصول کے بعب رسیرونی مداحن ل تب دیل کر کے دور کے عبوری حسال پر غور کسیاحب سکتا ہے۔

۱۱.۱.۲ بهاو کاحب دول

سشکل ۱۱. ۴ مسیں عبوری حب ول کلمتے ہوئے حنانوں مسیں بود لین طسرز پر حسال درج کیے گئے۔ دو محنارج کی صورت مسیں حب رحسال (00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 کوحسال 0 ، 00 کوحسال کوحسال 00 ک

سٹکل ۱۰۱۱ مسیں پیش بہاو کے حبدول کی ہر صف مسیں صرف ایک مستحکم حال پایا حباتا ہے۔ پہلی صف مسین صرف 000 اور دوسری صف مسین صرف 011 مستحکم حال پائے حباتے ہیں۔ ایسا حبدول جس کی ہر

صف ميں صرف ايك مستحكم حال پاياب تا ہو اولي بهاو كا جدول الها تا ہے۔

شکل ۱۱. ٤ مسین ایک ایب بهب و کاحبدول پیش کی گیا ہے جس کی صفوں مسین ایک ے زیادہ مستکلم حسال پائے دیا دہ مستکلم حسال معنی مستکم حسال 000 ، 011 ،اور 010 ہیں۔ ایسے حبدول کو غیر اولی بہاو کا جدول ما

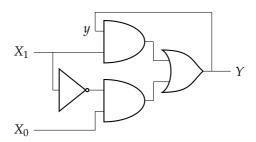
flow table

primitive flow table 12

non primitive flow table 'A

x_1x_0	x_1x_0	
y 00 01 11 10	y 00 01 11 1	0
$a \bigcirc \begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \bigcirc \bigcirc$	a=0	
		b)
عبوری حبدول	غىپ راولىن بېساو كاحب دول	

سشکل ۱۱: غنی راولین بهاوکے حبدول سے عسبوری حبدول کا حصول۔



شکل ۸.۱۱: غنیب راولین بہاوے حید ول سے حساصل دور۔

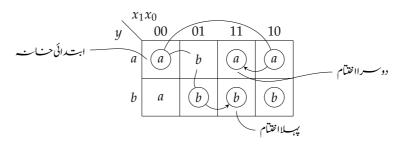
کتے ہیں۔

ہماوے جبدول سے دور حساس کرنے کے لئے پہلے عسبوری جبدول حساس کہا تاہے۔ ہماوے حبدول کے دو صف میں انہا ہوں گے۔ دو مکنت صور توں کو ایک ہیٹ عصد د ظاہر کر سکتا ہے۔ یوں حسال a کو b اور حسال b کو معبوری حبدول حساس کرتے ہیں، جو سشکل b اور معتظیوں سے گروہ بندی کرکے انگلے محساری کو جدول سے ان (نقطہ دار منتظیوں سے گروہ بندی کرکے) b کا تفساعت کی حساس کرتے ہیں۔

$$Y = \overline{x}_1 x_0 + x_1 y$$

اس تف عسل کادور شکل ۸.۱۱ مسیں پیش ہے۔

 ا.اا. محبزب



شكل ٩ . ١١: دومخلف ترتيب سے مداحن ل تب دیل کیے گئے۔

کرے عبوری حال bے گزر کر مستحکم حال b پہنچ ہے۔ دوسسری تیسر دار لکیسر مستحکم حال b ہے آغن از کر کے بہنچ ہوری جا افتقامی مستحکم مال b پہنچ ہے۔

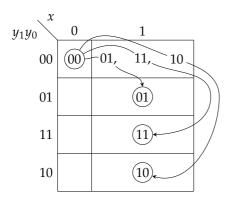
 x_0 کی تیمت میں ابت دائی حنانے سے آغن زکرتے ہوئے x_1 بر مت دار اور x_0 تبدیل کرنے کی بحبائے ہم x_0 کی تیمت x_1 کی تیمت کے بین ایعنی x_1 کی تیمت کے بین ایعنی x_1 کے بین x_2 کے بین x_1 کی تیمت بھی x_2 کی تیمت بھی x_3 کی دی حبائے، تواختای حیال بر مت دار x_1 کی وصرا اختیام کہا گیام کہا گیا ہے۔

آپ نے دیکسا اختای حسال ہیں۔ ونی مداحسل کی تبدیلی کی ترتیب پر مخصسر ہے۔ اسس مشال مسین اہت دائی ہیں۔ ونی مداحسل 00 جبکہ اختای مہدونی مداحسل 10 ہیں۔ یادر ہے بنیادی طراقتی کار کی شعر الکا کے تحت، (دورکی درست کار کرد گل کے ضروری ہے کہ) ایک سے زیادہ ہیں۔ وفی مداحسل بیک وقت تبدیل نے کے جب ئیں۔ یوں 00 سے آعساز کرکے ہم سیدھا 11 نہیں کر سے ۔ ایس کرنے سے (نافت بل معسلوم تاخیسر کی بہنا پر) درست اختای حسال حبانسانا ممسکن ہوگا۔

۱۱.۱.۳ حسالت دوڑ

مالت دوڑ اس صورت کو کتے ہیں جب جیرونی اشارے کی تبدیلی ایک عندان گفتگو کی حبائے گی۔ اس جے مسین اس پر تفصیلاً گفتگو کی حبائے گی۔ حالت دوڑ اسس صورت کو کتے ہیں جب جیرونی اشارے کی تبدیلی ایک ہے نیادہ حال تبدیل کرتا ہو۔ تا معلوم تاخیر کی بن پر حبال کی تبدیلی مکسل طور پر حبانت مسکن نہیں ہوگا۔ مضالاً، و مند ض کریں دو حبال دور کا موجودہ مستکم حبال 00 ہے اور جیرونی مداحشل تبدیلی کرنے ہے دونوں حبال تبدیل ہوتے ہیں، اور دور آخسر کار 11 مستکم حبال اختیار کرتا ہے۔ پہلی بازری راہ کی تاخیر دوسری بازری راہ کی تاخیر مسلم حبال اختیار کرتا ہونے کی صورت مسین دور مستکم حبال 10 اختیار کرے گاجبکہ دوسری راہ کی تاخیر ہے کہ ہونے کی صورت میں دور عبوری حبال 10 ہے گزر کر مستکم حبال 11 تک پنچ گا۔ آپ نے دیکھ کہ ہونے کی صورت میں دور عبوری حبال تبدیل ہونے کی ترتیب حبان مسکن نہیں۔

race condition19



<i>y</i> 1 <i>y</i> 0 \	0		1		
00	00	01,	11,	10 _	
01			01)		
11			(11)		
10			11_		/

$$\begin{array}{c}
 0 \\
 00 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 01 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 01 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 01 \\
 \hline
 00 \\
 00 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 00 \\
 \hline
 00 \\
 00 \\
 \hline
 00 \\
 00 \\
 \hline
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\
 00 \\$$

$$00 \rightarrow 01 \rightarrow 01$$

 $00 \rightarrow 01 \rightarrow 01$
 $00 \rightarrow 11 \rightarrow 11$
 $00 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 11$

شکل ۱۱.۱۱: بحب رانی دوڑ کی دوسسری مثال

مشكل ١٠. ١١: بحسراني دوڙكي ايك مثال

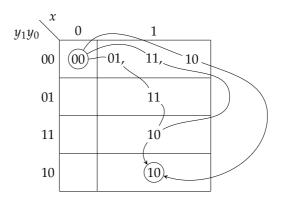
جب عسبوری حسال کی تبدیلی کی ترتیب اختامی حسال متعین کرنے مسین کر دار ادا کرتی ہو اور دور دو مختلف اختامی مستحکم حسال اختیار کرنے کی صسلاحیت رکھت ہو وہاں دوڑ کو بحکوانی دوڑ محمکی ہود منداستعال کے لئے ضروری ہے کہ دور مسین بحسر انی دوڑ کی صورت پیدانہ ہوتی ہو جہاں عسبوری حسال کی تبدیلی کی ترتیب اختامی مستحکم حسال پراٹر انداز سے ہوتی ہووہاں دوڑ کو غیر بمحرافی دوڑ اسکہیں گے۔

شکل ۱۱. ۱۱ سیں بحسرانی دوڑ کی ایک مشال دکھائی گئی ہے جہاں بسیرونی مداخشل x اور بازری اشارات y_0 ، اور الای معلی میان ہور کی مداخشل y_1 اور y_1 کست ہو کے گئے المعلوم تاخیب کی بنای ہم نہیں جبانے دور تین ممکنہ حال y_1 110 ، 111 ، 1011 میں ہے کس حال کی بہنے کی گئے گئے ہیں۔ سینوں عبوری حال پہلی صف میں دکھائے گئے ہیں۔ عبوری حال 1011 پہلی صف میں دور یہاں ہوتے ہوئے اختا ہی مستملم حال 1011 اختیار کر گئے ہیں۔ عبوری حال 1011 پنچ گاور یہاں ہے ہوئے اختا ہی مستملم حال 111 اختیار کرے گئے جہاں ہوں ، دور یہا عبوری حال 111 اختیار کر ہے گئے گاور یہاں ہے ہوئے اختا ہی مستملم حال 111 اختیار کرے گا، جس کو تیسری صف میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت کے اختای مستملم حال 111 پنچ گا۔ اسس مشال میں دو اختای حال میں ہیں۔ یہ بی گزر کر آخنہ کار تیسری صف کے اختای مستملم حال 111 پنچ گا۔ اسس مشال میں بائیں حبانب کے ہیں۔ ہیں۔ دریافت کر دافر ان میں ہے کہ دور ان میں ہے کہ دو

critical racer.

non-critical race

۱۱۱ تحبزب



شکل ۱۱.۱۲: غیسر بحسرانی دوڑ کی ایک مثال

کی قطبار اسس لئے منالی رکھی گئے ہے کہ ہم صرف x=1 سے x=1 کرتے ہوئے دور پر غور کر رہے ہیں جس مسیں بائیں قطبار کے اندراحیات در کار نہیں۔

سٹکل ۱۱.۱۱ مسیں بحرافی دوڑ کی دوسری مشال پیش ہے جہاں تین اختای حال مسکن ہیں۔ منگل منتگم عالی x کی قیمت 1 کرنے ہوئے ہوئے ہوئے ہیں دون مداحنل x کی قیمت 1 کرنے ہے دور اختای حال کی طسرت دوڑ لگائے گا۔ بالکل اُوپر مشال کی طسرت، تین مکن عصوری حال مسکن ہیں۔ ایک عصوری حال 111 ہے جہاں ہے دوسری صف مسیں دکھائے اختای مستقلم حال 2011 پنچ گا۔ دوسرا عصوری حال 111 ہے جہاں ہے تیسری صف کے اختای مستقلم حال 111 پنچ گا اور تیسرا عصوری حال 101 ہے جہاں ہے آخندی سے مسیں اختای مستقلم حال 101 پنچ گا۔ نامعی م تاخیر کی بنا پر ہے جہاں ہے دور حقیقت مسیں اختای مستقلم حال 101 پنچ گا۔ نامعی م تاخیر کی بنا پر ہے جہان کے دور حقیقت مسیں اختای مسائل کو پنچ گا۔

اب غییر بجسرانی دوڑ کی ایک مثال دیکھتے ہیں جو شکل ۱۲.۱۱ میں دکھائی گئی ہے۔اس مثال میں دوروو $Y_1Y_0x = 000$ دوروو سری صف کے عبوری حال 101 اوراس کے بعد تیسری صف کے عبوری حال 101 ہے گزر کر آخن کا رچو تھی صف کے افتای مستحکم حال 101 پہنچ گا۔ دوسرا عبوری حال 111 ہے جہاں ہے دور تیسری صف کے عبوری حال 101 ہے ہوئی من کے اختای مستحکم حال 101 ہے ہوئے آخن کی روستری صف کے افتای مستحکم حال 101 پہنچ گا۔ تیسرا عبوری حال 101 ہے جہاں ہے گزر کر دور آخن کی صف کے افتای مستحکم حال 101 پہنچ گا۔

y_1y_0 x	0	1
00	00	10
01		01)
11		11)
10		11

تبادلەحسال
$00 \rightarrow 10 \rightarrow 11$
(<u> </u>)

y_1y_0 x	0	1
00	00	10
01		(01)
11		01
10		11

تب دلہ مسال
$$00 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 01$$
 (1)

شکل۱۱۱: کھیے رہے

اسس مشال مسیں اگر حپ تین مختلف ممکنات موجود ہیں تاہم اختتای مستحکم حسال سب کاایک ہے اہلے ذا سے خیر بحر**انی دو**ڑ ہوگی۔

مخصوص اور منف ردعبوری حسال سے گزر کر اختیای مستحکم حسال اختیار کرنے کو پچیرا ^{۱۳} لگانا کہتے ہیں۔ اسس کی مشال سشکل ۱۱.۳۱ مسیں دی گئی ہے۔ ان امشکال مسیں حسالت دوڑ نہسیں پائی حباتی چونکہ ایک وقت مسیں صرف ایک مینان حسال تسلم مینان حسال تاہم کے گزر ناہوگا۔ تسبدیل کرتا ہے، البت۔ اختیامی حسال تک پینچنے کی حساط سر دور کو مخصوص اور منف سرد عسبوری حسال سے گزر ناہوگا۔

سشکل - النے مسیں مستخام حسال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عسبوری حسال 10 کے بعد عسبوری حسال 11 سے گزر کر اختنای مستخام حسال 01 پہنپ گیا۔ سشکل-ب مسیں مستخام حسال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عسبوری حسال 10 کے راستے اختنای مستخام حسال 11 اختیار کیا گیا۔

۳.۱.۱۱ توازن اورار تعب ^م

ایب دور جو پھیرے لگاتے ہوئے کی بھی اختای مستخلم حسال تک نے پنتی پائے غیر منتکم دور ۱۳ کہا تا ہے۔ شکل ۱۱، ۱۳ امسیں اسس کی مشال دکھائی گئی ہے جہاں ہیں دونی مداحنل 1 کرنے سے دور مستخلم حسال تک بنچ بغیب عبوری حسال سے عصبوری حسال منتقال ہوگا۔ ایسے ادوار بطور مرتعاثی ماسوائے جب انہیں ہونے دیاحباتا ماسوائے جب انہیں بطور مسر تعش استعال کرنامقصہ ہو۔

 Y_1Y_0 اور Y_1 کو ایک ساتھ ملاکر ہی پر غور کرتے ہیں۔ جبدول مسین بیسرونی مختارج Y_0 اور Y_1 کو ایک ساتھ ملاکر

cyclerr

unstable circuit

oscillator

ا.اا. تحبزب

y_1y_0 x	0	1
00	00	01
01		11
11		01
10		01

مشكل ۱۱:۱۸:مسر تغثس

ہیں۔ ونی مداحن بلند رہنے کی صورت مسیں ہم جدول کی دائیں قطار مسیں رہتے ہیں۔ کچھ تاخیہ کے بعد باز رق ما مسیر ونی مداحن بلند رہنے کی صورت مسیں ہم جدول کی دائیں قطار مسیں رہتے ہیں۔ کچھ تاخیہ حسال ہوگا۔ لیکن حبدول $y_1y_0=01$ کی صف مسیں حسال x=1 کی قطار اور x=1 اور $y_1y_0=01$ کی صف مسیں حسال x=1 کی قطار اور x=1 اور بازری اشارات x=1 کی صف مسیل دور سرے مختلف ہیں۔ یوں ہم اسب بھی مسید ورزیادہ ور رہیں مہر سکتا۔ عبوری حسال مسید ہیں، جس مسید ورزیادہ ور رہیں مہر سکتا۔

oscillate ra

			x_1x_0	مداحنا	
f_1f_0	حال	00	01	11	10
00	а	a	b	С	С
01	b	а	$\bigcirc b$	С	d
10	с	а	b	\bigcirc	\bigcirc
11	d	d	b	С	$\bigcirc d$

			x_1x_0	مدامنل	
f_1f_0	حال	00	01	11	10
00	а	a	b	С	С
01	b	а	$\bigcirc b$	С	d
11	с	а	b	\bigcirc	\bigcirc
10	d	d	b	С	d

(1)

شکل ۱۵ اا: حال کے متغیبرات کا تقسرر

۱۱.۲ حالت دوڑ سے یا کے شن کی عسلامتوں کا تقسرر

حسالت دوڑ کی صورت اسس وقت پیدا ہوگی ہے جب ایک سے زیادہ محساری بیک وقت حسال تبدیل کرنے کی کوسٹ کریں۔ بحسرانی دوڑ کے صورت مسین ادوار مسین اردار مسین ارجائے اسس بھے مسین بحسرانی دوڑ کے حساتے پر عفور کی صورت مسین ادوار مسین کے حسال استعال نہمیں رہے۔ اسس بھے مسین بحسرانی دوڑ کے حسات غور کسیاحب کے گار پر حیانے کے تحت)ایک وقت پر عفی مداحسل تبدیل ہوسکتا ہے، الہذا ہے۔ حس پڑھتے ہوئے ایک سے زیادہ مداحسل کی تبدیل کی صفر مسے کریں۔

جن اد دار مسین ایک وقت پر صرف ایک محسّاریّ حسال تب یل کرنے کی کوشش کرتا ہو، وہ حسالت دوڑے دو حسار نہسیں ہوتے۔امس حقیقت کو بروئے کارلاتے ہوئے حسالت دوڑ حسّتم کی حساتی ہے۔

عبوری حبدول کے حصول کے بعید اسس مسین درج حسال کوشن کی عبداستین تعسین کی حباتی ہیں۔ جن حسال کے ماہین عصبوری حبدول مسین تعسین کی حباتی ہیں۔ جن حسال کو ہممایی شنائی عبداستین مختص کرنے سے بحسر افی دوڑ سے پاک دور مساس موٹ ایک ہممایی اور 1010 ہممایی اور 1010 ہمسابی اور 1700 ہمسابی اور 1010 ہمسابی اور 1010 ہمسین صرف ایک ہمسابی طسرح 1010 اور 1010 ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہیں جب کے 1010 ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسابی ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسابی ہمساب ہمساب ہمساب ہمسابی ہمسابی ہمسابی ہمسابی ہمسابی ہمساب ہمسابی ہمس

f پہلی صف میں x کی قیت 00 ہے 01 کرنے سے حسال تبدیل ہو کر a ہو گا، اہندا حسال کا متغیر a تتبدیل ہو کر a ہو گا۔ اور البیدا نہیں ہو تتغییر کا صرف ایک ہنگا ہو گا۔ ہو

adjacent numbers"

			x_1x_0	مداحنا	
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	b	С	С
0010	b	а	$\bigcirc b$	С	d
0100	с	а	b	\bigcirc	\bigcirc
1000	d	d	b	С	$\bigcirc d$

شكل ١١.١١: حالت دوڑ سے پاک حال كے متغب رات كاتقب ر

گا۔ اسس کے بر مکس، پہلی صف مسیں x کی قیمت 00 ہے 10 کرنے سے حسال تبدیل ہو کر a ہو گالہذا b کی قیمت a کی گارات ہوئے کی کو مشش کرتے ہیں الہذا a کی قیمت دوڑ پیدا ہوگا۔ ایک صورت مسیں دو سے زیادہ جسال کا متغیبر استعال کر کے دیکھ اسے دوڑ سے چھٹکا دا ممسکن ہے۔

کبھی کبھسار حپار صف عسبوری حبدول مسیں دوہِٹ حسال کامتنعیسریوں تقت رر کرنا مسکن ہو گا کہ حسالت دوڑ پیسدان۔ ہو۔

a اور a اور a کے لیے بالت رتیب برل کر حیالت روڑ ہے بیجنے کی (ناکام) کو مشش کی گئی ہے۔ یہاں a ، اور a اور a اور a کے بالت رتیب کی صف میں a ، اور a اور a کے لیے بالت رتیب کی صف میں a ، اور a کی قیمت a کی تو مور توں صور توں میں a کا صرف ایک بیٹ تبدیل ہوگا، لہذا پہلی صف میں حیالت دوڑ پیدا نہیں ہوگا۔ البت a دونوں صور توں میں a کی قیمت a کی قیمت a کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی کی کیمت کی کیمت کی کیمت کی کی کی کی کیمت

مذکورہ بالا دومثالوں سے ظاہر ہے کہ موجو دہ مسئلے مسیں دوبٹ حسال کا متغیبر مختص کرنے سے حسالت دوڑ سے نحبات حساس کرنا ممسکن نہیں۔ ایک صورت مسیں حسالت دوڑ سے پاک حسال کا متغیبر منتخب کرنے کے لئے ہم آیک بلند پہلے تقرر کی مسئل کرتے ہیں، جس کا استعال نہایت آسان ہے۔ آیۓ ای مشال پر اسے استعال کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

سشکل ۱۹.۱۱ مسیں حسال کا متغیبر حیار ہٹ رکھا گیا ہے اور اسس مسین ایک وقت پر صرف ایک ہٹ بلند کے۔ یوں حسال ، 0100 ، 0000 ، اور 1000 مقسرر کے گئے۔ کے حسال کے متغیبر بالت مرتب 1000 ، 0000 ، اور 1000 مقسرر کے گئے۔

شکل ۱۱.۱۱ مسیں حبدول کی پہلی صف مسیں مداخشل کی قیت 00 سے 01 کرنے سے دور حسال a سے حسال

one hot bit assignment 12

			x_1x_0	مداحن	
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	e	С	С
0010	b	а	b	С	d
0100	с	а	$\int b$	\bigcirc	\bigcirc
1000	d	d	\ b /	С	$\bigcirc d$
0011	e	_	b	_	_

مشکل ۱۷.۱۱: عبوری حیال ہے حیالت دوڑ کا حیاتہ

اب پہلی صف مسیں مداحنل 00 ہے 01 کرنے ہے دور حسال a سے عصبوری حسال e افتیار کرتے ہوئے آحنسر کار افتیاں کرتے ہوئے آحنسر کار افتیای مستخلم حسال کا پنچتا ہے۔ اسس عمسل کو تسید دار لکسیسرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ اسس پورے عمسل مسیں ہوگا۔ عصبوری حسال e کی متخصر کاصرف ایک بیٹ تبدیل ہوتا ہے المبنداحسالت دوڑ پسیدا نہیں ہوگا۔ عصبوری حسال e کی مصنف مسیس ہوگا۔ عسبوری حسال مسیس صف مسیس باقی حسالے ہیں۔ ان مسیس سے کچھ حسانے زیر استعمال آئیں گے اور کچھ نہیں۔ استعمال مسیس سے آنے والے حسانے حسالی رکھے حساتے ہیں اور ان حسانوں کی قیست غیر ضرور کھے ۲۸ ہوگا۔

a اس کے بر تکس، پہلی صف میں مداخنل a ک منے a کرنے ہے شکل a ادرا میں حال a ہے حال a حالت دوڑ a حالت اوگا۔ حال کا متغیر a مناصل ہوگا۔ حالت ایسا کرنے ہے حالت دوڑ پیدا ہوگا، جس ہے ہم مذکورہ بالاطسریقے سے چیزکاراحیا صل کرتے ہیں۔

a اس حالت دوڑ ہے بچنے کے لئے جبدول مسیں عبوری حال، a ، خاصل کیا جباتا ہے اور حال a ہے عبوری حال a کے خصوری حال a کے نہیں مقسر کیا معتقب یوں مقسر کیا در کو میں میں دونوں کا مستفید 1010 ہے۔ یوں a کے لئے حال کا متنفید 1010 ہے۔ یوں a کہ جب کہ بیاتا ہے اور حبدول کو تبدیل کر کے a کی قطار مسیں حال a کی صف a کو تبدیل کر کے a کی قطار مسیں حال a کی صف a کو تبدیل کر کے کا کھا حباتا ہے۔ ای قطار مسیں حال a کی صف a کو تبدیل کر کے کا کھا حباتا ہے۔ ایسا کر نے مشکل المالمات ہے۔ ایسا کر نے مشکل المالمات ہے۔ ایسا کر نے مشکل المالمات ہے۔ ایسا کر نے مشکل المالی ہے۔

don't care

		x_1x_0 مدا ^{خت} ل				
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10	
0001	а	a	е	f	f	
0010	b	а	$\bigcirc b$	С	d	
0100	С	а	b	\bigcirc	\bigcirc	
1000	d	\bigcirc d	b	С	$\bigcirc d$	
0011	e	_	b	-	-	
0101	f	_	_	С	С	

شکل ۱۸ اا:عبوری حیال سے حیالت دوڑ کا حیاتہ

یجی طسریقہ کارتمام حنانوں کے لئے دہرایا حباتا ہے۔ایب کرنے سے مشکل ۱۹۰۱ حسامسل ہو گا۔ آپ سے گزار مش کی حباتی ہے کہ بیے حب دول خود حسامسل کریں۔ تسلی کرلیں کہ اسس حبدول مسین کمی بھی حسال سے دوسرے حسال تک پہنچنے مسیں حسالت دوڑ پسیدانہیں ہوتی۔

۱۱.۳ عبوری حب دول کی مددسے پلٹ کا تحب زیہ

عبوری حبدول استعال کر کے سے اسس مھے مسیں پلٹ کا تحبنر یہ کسیا حبائے گا۔ چند مشالوں کے بعید حسہ ۱۳۰۱ مسین اسس طسریقے کارپروت مہانت دم غور کمیا حبائے گا۔

ا.۱۱.۳ ایس آریلٹ

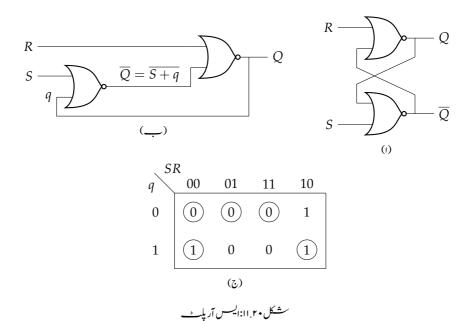
عبوری حبدول استعال کرے ایس آر پلٹ پر غور کرتے ہیں۔ شکل ۲۰۱۱–۱۰ میں ایس آر پلٹ اور شکل۔ب مسین ای کوبطور بازر سے دور پیش کیا گیاہے جہاں بازر سے اثارہ می اثارہ و کی پہپان آسان ہے۔ شکل۔ب سے درج ذیل حیاصل ہوگا۔

$$Q = \overline{R + \overline{S + q}}$$
$$= \overline{R}S + \overline{R}q$$

حسال کے متغیبر Q کو بطور بازر می امشارہ q استعال کیا گیا ہے۔ یوں حسال کا متغیبر Q ، اندرونی مداحن q جبکہ بیسرونی مداحن S اور R بیں۔ انہیں استعال کرتے ہوئے (درخ بالا مساوات کی مدد ہے) مشکل ج میں پیش عبوری حبدول حساس کی گئی جہاں حبدول کے اندر Q کی قیمت درخ ہے۔ آئے اسس پلا کا تحبیز ہے اسس کے عبوری حبدول کی مدد سے کریں۔ پلائے کا حبدول صد اقت مندر حب ذیل ہے۔

		x_1x_0 مداخنل			
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	₿, e	¢, f	¢, f
0010	b	ø, e	b	С	d
0100	c	ø, f	b , g	c	C
1000	d	d	$\not b, h$	$\not c$, i	\bigcirc d
0011	e	а	b	_	_
0101	f	а	_	С	С
0110	8	_	b	С	_
1010	h	_	b	_	d
1100	i	_	_	С	_

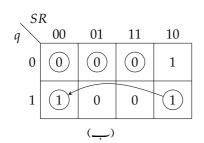
مشکل ۱۹۔ ۱۱: حسال دوڑے مکسل پاک حسال کے متغیبرات کا تقسیرر

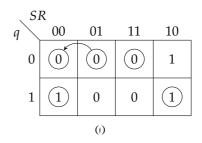


S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	0	Q_n	\overline{Q}_n
0	1	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0

حبدول سے ظاہر ہے کہ جُع متم گیٹ پر مسبنی ایس آر پلٹ استعال کرتے ہوئے دونوں مداحنل ہیکوقت بلند کرنے کا احبازت نہیں۔ دونوں مداحنل ہیکوقت بیت ہوں گی کا حبازت نہیں۔ دونوں مداحنل ہیکوقت بیت ہوں گی جبکہ ہر صورت ان کا آپ مسیں متضا در ہنا ضروری ہے۔ درج ذیل مساوات پر پورااتر نے سے مشرط پوری ہوگی۔ $S \cdot R = 0$

سٹکل ۱۱.۱۱ پر نظسے رکھ کر آگے پڑھسیں۔ عبوری جبدول کی SR=01 قطب راور q=0 منے میں مشکل ۲۱.۱۱ پیاجاتا ہے جب ان حال کا متغیب رپست Q=0 ہے۔ عبوری جبدول کے تحت SR=00 کرنے سے حال کا متغیب رپست رہے گا۔ شکل – الف میں تسیبر وار ککسیرا سس عمس کو ظاہر کرتی ہے۔ SR=10 کی صورت میں پایاجہ تاہے۔ عبوری SR=10 کی صورت میں پایاجہ تاہے۔ عبوری





شكل ١١٠٢:ايس آريلي كااستعال

حبدول کے مطابق SR = 00 کرنے سے پلٹ بلند حسال مسین رہے گا،جو شکل - ب مسین تب روار لکت رہے و کسی کے مطابق دکھیا گیا ہے۔ یہ دونوں اعمال پلٹ کے بودلین حبدول سے بھی واضح ہیں۔

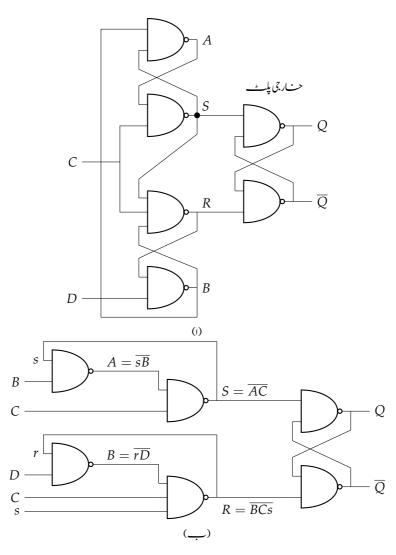
اب دیکھتے ہیں SR = 11 سے آعناز کرتے ہوئے SR = 00 کرنے سے کیا صورت پیدا ہوتی ہے۔یاد رہ ان ادادار کو بنیادی طراح کا رک تحت پلایاحباتا ہے جہاں ایک سے زیادہ بیسر دفی مداحن تبدیل کرنے کی احباز سے نہیں۔ بہسر حال پیسر بھی دیکھتے ہیں کہ ایس کرنے سے کیا مسائل کھٹڑے ہوتے ہیں۔ پودلین حبدول کے مطابق SR = 00 کرنے سے قبل Q اور \overline{Q} دونوں پست ہوں گے نا کہ آپ مسیں متضاد جبکہ کی بھی پلٹ کے لئے لازم ہے کہ اسس کے دونوں مین رجم وقت متضاد حال ہوں۔ ساتھ ہی، عبوری جبدول کے تحت اگر Z پہلے پست حیال افتیار کرلے تو افتیا می حیال Z ہوگاہے بیت ہوتہ افتیار کرلے تو افتیا می حیال وقت سے جبانت مسکن نہیں۔ دور کا یوں استعال غیسر بیقی میں صورت ہدا کہ گا۔

۱۱.۳.۲ ساعت کے کنارہ پر چلت اہواڈی پلٹ

شکل ۲۲.۱۱ - امسیں ڈی پلٹ و کھایا گیا ہے جو ساعت کے کسنارہ پر چلتا ہے۔ ڈی پلٹ مسیں اندرونی بازری دورپایا حبات ہے جس کے اندرونی حسال کے متخصرات S اور ۲ ہیں ۲۹ سسکل - ب مسیں دئی پلٹ کوبازری اور ۲ ہیں ۲۹ سسکل - ب مسیں دئی پلٹ کوبازری دور کے طسرز پر بسنایا گیا ہے تاکہ بازری احشارات S اور ۲ کی پہچیان آسان ہو۔

اس دور میں S اور R سال کے متغیرات، S اور ۲ بازری اشارات، جبکہ C اور R بیرونی مداخل

¹⁹سس کتاب مسین خرب متم گیٹ پر مسبنی ایسس آر پلٹ کے مداحشل عصوماً \overline{S} اور \overline{R} کھے گئے ہیں۔ یہاں S اور R کھسا گسیا ہے۔ امید کی حباتی ہے کدامس سے پریشانی ہیدانہ میں ہوگی۔



شکل ۱۱.۲۲: ڈی پلیٹ بطور بازرسی دور

ہیں۔ یوں درج ذیل لکھاحب سکتاہے۔

$$A = \overline{sB}$$

$$B = \overline{Dr}$$

$$S = \overline{AC} = \overline{A} + \overline{C} = \overline{sB} + \overline{C} = sB + \overline{C} = s(\overline{rD}) + \overline{C}$$

$$= s(\overline{r} + \overline{D}) + \overline{C}$$

$$R = \overline{BCs} = \overline{B} + \overline{C} + \overline{s} = \overline{\overline{Dr}} + \overline{C} + \overline{s}$$

$$= Dr + \overline{C} + \overline{s}$$

ان مساوات ہے حسامس کا اور R کے بودلین حبدول کو کارناف نقشہ حبات کے طسرز پر شکل ۱۱۔۳۳۔۱۱ور مشکل ۶۳CD میں کھتے مشکل مسل کیا گئے۔ مشکل حاصل کی معورت مسین لکھتے ہوئے اسس حبدول پر فور کرتے ہیں۔

و فسنر ض کریں جس لیحے پلٹ کو برقی طباقت مہیا کر کے زندہ کیا جباتا ہے اسس لیح ساعت، C ، اور بیسرونی مداخیل، D ، دو نوں پیت بیں۔ عبوری جبدول کے مطابق دور D=00 کی قطبار مسیں ہوگا۔ اسس قطبار مسیں ہوگا۔ اسس قطبار کے مطابق دور D ، D نظبار کے متنفیہ ظاہر کرتے پہلا حنانہ D ،

اس کے بر عکس برقی طباقت مہیا کرنے کے لیجے اگر C=1 اور D=1 ہو تب عبوری حبدول کے مطبابق دور 1010 یا 1010 مستحکم حبال بین کر یہی رہے گا، جب کہ C=1 اور D=0 کی صورت مسین دور 1010 یا 1010 حبال مسین ہوگا۔

پ سے ساعت کی صورت مسین حسال کے متغیبہ SR کی قیمت 11 رہتی ہے۔ عمبوری حبدول مسین CD = 00 اور CD = 01 کی دو قطباریں اسس حقیقت کو ظلام کرتی ہیں جہاں تسام SR کی قیمت 11 ہے۔ ہم حبائے ہیں ایسن آڑ پلٹ کے دونوں مداخنل بلند ہونے کی صورت مسین پلٹ اپنا حسال بر فسترار رکھتی ہے۔ یوں کشکل ۲۱۱۔ مسین حنارتی پلٹ اپنا حسال بر فسترار رکھی گی۔

پیت ساعت، C=0 ، اور پیت D کی صورت میں مستخلم حیال کا متغییر SR حیاس کرنے کی SR میں SR میں SR میں SR میں SR ورث میں مستخلم حیال ملت ہے۔ بدول کی SR=11 والے مسین SR=11 کی SR=11 کی مستخلم حیال ملت ہے۔ بیساں SR=11 کی مستخلم حیال ملت ہے۔ بیساں بوت رادر کھے گی۔ بین حیار رکھے گی۔

پیت ساعت اور بلند D کی صورت مسیں CD=01 کی قطار مسیں مستحکم حسال D پیاحباتا ہے

complete stater.

, C.	D							, C	D			
sr	00	01	11	10				sr	00	01	11	10
00	1	1	0	0				00	1	1	1	1
01	1	1	0	0				01	1	1	1	1
11	1	1	0	1				11	1	1	1	0
10	1	1	1	1				10	1	1	0	0
	S =	$s(\overline{r} -$	$\vdash \overline{D})$ -	$+\overline{C}$,	R =	= rD	$+\overline{C}$	$+\overline{s}$
	((<u> </u>								(1)		
			_	CD		01	4.4	1.0	`			
			sr	_(00	01	11	10) 			
			00) 1	1	11	x 01	$\begin{vmatrix} x & 0 \\ x & 0 \end{vmatrix}$	L			
			01	. 1 u	1	v 11	- (01)	q (01				
			11	a^{-1}	1	b 11	01 k	e 10)			
			10	p	1	j 11	i 10	m) 10				
								/				

(ج) شکل ۲۳۰.۱۱: ڈی پلٹ کے عبوری حبد ول کا حصول اور استعال

اسس پورے عمسل پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حپڑھائی آتے ہی دور عمبوری حسال 1110 سے گزر کر مستقلم حسال 1010 اختیار کر تا ہیں۔ دونوں حسال مسیں 30 = 58 رہتاہے اور بیوں عمبوری حسال ہے گزرتے ہوئے کرنے ہوئے کرنے کہ جس پر کسی بھی عمبوری حسال ہے گزرتے وقت 58 کی قیمت وہی ہوگی جو اسس متدم کے اختامی حسال مسیس ہوگی۔ یوں ان کھاست پر لرزسش سے کسی قتم کی غیسریقشینی صورت پیسا ما گہریں کہ جس ہوگی۔ وہی ہوگی۔

ساعت کے کنارہ اترائی پر ہونے والے عمسل کو تب روار لکسیروں سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ انہ میں آپ خود سمجھ سکتے ہیں۔ ب ہیں۔ ب دونوں لکسیریں ب حقیقت واضح کرتی ہیں کہ ساعت کے کسنارہ اترائی پر عسبوری حسال اور انفتائی مستحکم حسال دونوں مسیں SR = 11 ہوگالہ ندا ہیںرونی پلٹ اپن حسال بر مترار رکھ گی اور یوں ساعت کے کسنارہ اترائی پر ڈی لیٹ کے حسال مسیس کی قتم کی تیب ہوگی۔

ایک آمنسری بات اسس پلٹ کے حوالے سے کرتے ہیں۔ شکل ۲۲.۱۱ مسیں R پسید اکرنے والے ضرب متم گیٹ کو S جملور واحنلی اسٹ و مہیا کسیا گیا ہے، جس کی بدولت S اور R کی صورت بیکوقت پست نہیں ہو سکتے یاد رہے کہ S اور S دونوں میساوقت پست ہونے سے بسیرونی پلٹ کے دونوں محنارج بلند ہو حبائیں گے جو کہ نامت ہالی و جبول صورت ہوگا۔ یوں عسبوری حبدول مسیں S اور S اور S اور S کو کہ نامت اللہ مسیال کو S کو کہ نامت کا احبار کرکے آپ کے دونوں میسانوں کو S کو کہ نامت کا احبار کرکے آپ کے دونوں کی معنی نہیں رکھے۔ ان حنانوں کو S کو کہ کو کہ کو کہ کی کر احبار کرکے آپ کے دونوں میں کی کو کہ کو کو کو کہ کو کو کہ کو کو کہ کو کو کہ کو کر کو کہ کو کر کو کہ کو ک

rising edge

۱۱٫۳۰۳ ایس آریانوں پر مسبنی غیسر معاصرادوار کانت دم بات دم تحسنر ہے۔

مذ کورہ بالامث الوں مسین استعال کیے گئے طسریقہ کار کو یہاں بسیان کرتے ہیں۔ پلٹ کے اپنے بازری امث ارات کو نظسر انداز کرتے ہیں۔

- متسام پلٹوں کے محسارج کو Y_i کے ظبہر کریں جہساں Y_i کسیں۔ یوں Y_i کسیارج کو اسس محسارج کا Y_i استعمال کرتے ہوئے Y_i کسیں۔ یوں Y_i کسیں۔ یوں Y_i کسیارج کا استعمال کرتے ہوئے کا کسیں۔ یوں کا کسیارج کی کسیارج کی کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کی کسیارج کا کسیارج کی کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کی کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کا کسیارج کی کسیارج کی کسیارج کا کسیارج کی کسیارج کا کس
 - یں۔ S_i اور R_i مداحنل کی مساوات حساس کریں۔
- جج متم گیٹ پر مبنی ایس آر پلٹ کے لئے تسلی کر لیں کہ SR=0 ہے جبکہ ضرب متم گیٹ پر مبنی ایس آر پلٹ کے لئے $\overline{R}=0$ ہوناضر وری ہے۔ایس نہ ہونے کی صور سے مسیں پلٹ عناط نتائج دے سکتا ہے۔
 - اور R_i اور R_i د کیھ کرتمام پلٹ کے Y_i حاصل کریں۔

- وہ حنانے جن میں بند کریں۔ یوں عبوری Y=y ہو، مستحکم حال ظاہر کرتے ہیں۔ انہیں دائرہ مسیں بند کریں۔ یوں عبوری حبدول حیاصل ہوگا۔

جوابات