عبد دی ادوار تنی_{ق و ت}بنب

حنالدحنان يوسفزنى khalidyousafzai@hotmail.com

۲۰۲۳ ستمبر۲۰۲۳

عتنوان

vii																															,	Ļ	باد	دييه
ix																								~	ئپ	ب<	یی	. کاد	-	كتار	_لیَ	پہ	-ر	مب
1																														_ام) نظه	ن کَ	ش	1
1																								ؾ	ٺ	گر م	_	إنظ	باري	عث	1	1	.1	
٣																									ن	نخ	گر ا	_ ر) نظه	بشتم	7	۲	.1	
٣																									حتى	ٺ	ام ام	ك	ئى نف	ئن	<u>.</u>	٣	.1	
۵																														عث		۴	.1	
۷														_		- 1						_								_		۵	١.	
9																		•	-				-							_		۲	.1	
9																		•												_		4	.1	
9					•			~	بادا	-	ئار	ير	_	روم	<u>-</u>	_		ار	سے	لہ۔) سوا	_	اسر	_	را-	ھ او	آ گھ	_	اسر	_	1	۸	۱.	
11																												_	_	ب	ی ح	_اد'	بنہ	۲
11																				كرنا	نفی	او م او	_	اعر	یں	_	ام	ل	ئى نۇ	نن	•	1.	٢	
۳۱																							ل	إنتكمه	s r	ريا .	بأد	بتكمسه	باسی		1	۲	٢	
۱۴														_	L	إنتكمه	6	(r	_	1	ي (لم	نكمسه	-	_	پایک	منفي	_	_(1	٣	٢	
۱۵																		`لہ	؎	ً تکم	پاس		1_	بــــ	رر لع	قى يۆ	يا منا	راد ک	۰	واعبه	,	۴	۲	
14													ل																	واعبه		۵	۲	
19																														ثب <u>ن</u>		۲.	۲	
۲۲																														ئسا		۷.	۲	
۲۵																														1,	الجبر	ولين ويين	بو	٣
۲۵																						ات	صور	ی ته	_او	بنر	2	برا	ن الج	<u>و</u> ولير	į	١.	٣	
74																								•	نه ر	قى	منط			118				

iv

۲۷	۲.۱٫۳ منطقی جمع	
49	۳.۱.۳ منطقی نفی	
49	۳.۱٫۳ منطقی بلاث رکت جمع	
۳.	۵.۱٫۳ منطقی ضب بلا شبر کت جمع	
۳.	برقی تاروں مسین جوڑ کی وضناحت	۲.۳
۱۳۱	عبددی گیٹ ہے ۔	٣.٣
۱۳۱	۱٫۳٫۳ خرب گیٹ	
٣٢	۲.۳.۳ عنج گیٹ ۲.۳.۳	
٣٣	٣٣٣٠ نفي گيٺ ِ	
٣٣	۳٫۳٫۳ متعب دمدام کیا کیا ہے ہیں ۔	
۳۵	۵٫۳٫۳ خرب متم گیٹ اور جمع متم گیٹ ۵٫۳٫۳	
٣٨	۲٫۳٫۳ بلاشىركىت جمع گيىئ اوربلاشىركىت جمع متمم گيىئە	
۴.	گیٹوں کے برقی خواص	۳.۳
۱۳	۱٫۳٫۳ کار	
٣٣	۲٫۳٫۳ مخنلوط ایدوار	
۳۵	بوولين تفع سل كاتخميت	۵.۳
۴۵	۱٫۵٫۳ بوولین تفعیل کاتخمین	
∠م	قوسين مسين سند بودلين تف عسل	٧.٣
۴٩	بوولین الجبرا کے بنپ دی قوانین	۷.۳
۵۳	ڈی مار گن کے کلیات	۸.۳
۲۵	حبـرُوال بوولين تف عسل بي بين بين بين بين بين بين بين بين بين	9.1
۲۵	ار کان ضر بے محبموعہ کی ترکیب	10.10
4+	ار کان جمع کی ضرب کی ترکیب	11.10
٩٣	محب موعب ار کان ضریب اور ضرب ار کان جمع کے مامین تب ادلہ	14.7
۵۲	ضرب وجمع دورے متمم ضرب ومتمم ضرب دور کا حصول	١٣.٣
∠۲	جمع و ضرب دور سے متم جمع ومتم جمع دور کا حصول	14.4
۸۲	عسلامتی روپ یار موز	10.1
۸۲	۱.۱۵٫۳ ایسکی رموز اور عب کمی رموز	
۷٠	۲.۱۵.۳ اعشاری اعب اد کے شنائی رموز	
۷٠	٣,١۵,٣ گرے دموز	
۷۳	_ نتشہ حبات	
4٣	کارنان نقشے کابنیادی مِن کہ	۱.۴
۷۵	كارنان فقشے كى بھسرائى	۲.۴
۷۵	کارناون نقشے سے تقب عمل کی ساوہ مساوات کا حصول	۳.۴
44	۱٫۳٫۴ دو آزاد متغیب رتف ^ع ل	
۸٠	۲٫۳٫۴ تین متغیبرتفعسل ۲٫۳٫۴	
۸۳	۳٫۳٬۴ حپارمتغیرتف عسل	
۸۵	۴۳.۳، سنده مساوات سے تف عسل کے ارکان ضرب کا حصول	
A A	ف ایکان جمع کرد. مب ایرم ادا پیر	~ ~

ع-نوان

۸۷	غپردلچیپ حسال	۵.۴	
	·		
19	ی منطق اور ترشیبی ادوار	تر کپ	۵
19	َ شَنَاكَ جَعَ كاراورشن كَي مَفَى كار	1.0	
9+	1.1.۵ نصف_ جمع کار		
95	۲.۱.۵ مکسل جمع کار		
94	۳.۱.۵ منفی کار		
99	۱۵.۵ م اعث ری جمع کار		
1+1	شنائی ضرب کار	r.0	
1+1	شناخت کار	۳.۵	
1+9	شنانت کار کی مدد سے تف عسل کا حصول	۳.۵	
111	دا ^{حسن} لی منتخب کار اور حسنار جی منتخب کار	۵۵	
111	۱.۵.۵ حناری منتخب کار		
1111	۲.۵.۵ واحتلی نتخب کار		
110	۳۵٫۵ داخشای منتخب کارسے تف عسل کاحصول		
114	متوازی شنائی ضرب کار	۷.۵	
111	ر ترشيبي منطق اور اد دار	معساه	ч
177	ر ہے گئی۔ گلیٹول کے او ت <u>۔</u> کار	1.4	
122	يلٹ کار	۲.۲	
114	پاعت	۳.۲	
111	متم ضرب گیٹ ایس آر پلٹ کار	۲.۳	
۱۲۸	۲.۲۰ عنب رفعیال مداحن لپلٹ کار،حیال پر قسیرار رکھتاہے ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،		
14.	۲۲٬۲۱ مدامن 8 فعال کرنے سے پلٹ کاربلند مسال اختیار کرتاہے		
14.	سمداخت \overline{R} فعیال کرنے سے بایٹ کارپستہ حسال اختیار کر تاہے \overline{R} نعبال کرنے سے بایٹ کارپستہ حسال اختیار کر تاہے		
اسا	۳٫۳٫۲ حال دوژ		
اسا	زياده مداحث ل پلٹ کار	۵.۲	
١٣٢	ت بل محباز ومعبذ در پلٹ کاری دیں جائے ہیں۔ یہ بات میں بات ہے ہیں۔ اس میں اس میں اس میں اس میں اس میں اس میں اس میں میں میں میں میں میں میں میں میں میں	۲,۲	
۱۳۴	آت عنلام پلٹ کار	∠.¥ ∧ ¥	
184 184	ڈی پلیٹ کار	۸.٦	
1112	۱،۸۰۱ این سلام پیشت داریج سی سر دودوی پیشت دار ۱۰۰۰ در ۱۰۰ در ۱۰ در ۱۰۰ در ۱۰۰ در ۱۰۰ در ۱۰۰ در ۱۰ در	9.4	
164	حی پیشے نار جے کے پیائے کار	۱۰.۱ ۲.۰۱	
۱۳۵	۱.۱۰-۲ څي پليئ کار		
164	شنائی گئے کار	۲,۱۱	
1144	مست فار مست فار مست فار مست المست في المستون ا	17.4	
1171	مستدوارت با نامه در است. معاصر ترشیبی ادوار کا تحب زیب	17.1	
IMA	۷ استار است مساوات حسال	•	
169	۲٬۱۳۰۲ حبدول مال		
10+	۳۱۳۷ حال		

۱.۱۳۰۲ کی اوران کی مقسرری	۱۴.۲ ۱۵.۲ ت و و ت ۱.۷ ۲.۷ ۲.۷ ۲.۷
ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا	۸ گئت ۱.۸ ۲.۸
127	بوابات

دىباحپ

یہ کتاب اسس عسزم سے کھی گئی ہے کہ سے ایک دن برقی انجنیزنگ کی نصابی کتاب کے طور پر پڑھ ائی حبائے گی۔ امسید کی حبائی حبائے گی۔ امسید کی حبائی ہے۔ کہ اب بھی طلب و طالبات اسس سے استفادہ حساصل کر سکیں گے۔ مسیں ڈاکٹ و محمد اسٹسرون عطل (ہلالِ امسیاز، ستارہ امسیاز) کا خصوصی طور پر نہایت مشکور و ممنون ہوں حبنہوں نے اپنے مصدوفیات سے وقت نکال کر اسس کتاب کو پڑھ کر سنہ صرف درست کیا بلکہ بہت سارے تکنیکی مصدروفیات بھی وسنراہم کئے۔ مسین امیدرکھتاہوں کہ جھے آئے۔ ہی کان کی مدد حساس ہوگی۔

مسیں بہب ان کامسیٹ کے طلب وط الب سے کا بھی مشکر ہے ادا کرنا جہا ہوں حب نہوں نے اسس کتا ہے کو بار بار پڑھ کر غلطیوں کی نے اند ہی گی۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارشش کی حباقی ہے کہ وہ اسس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلب و طبالب سے تک پنچے نئیں اور اسس مسیں غلطیوں کی نشاند ہی مسیرے ای مسیل پہتے پر کریں۔

حنالد حنان يوسفز ألى ومنروري 2013

میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرتب اعلیٰ تعلیم کا داروں مسیں تحقیق کارجمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ یہ سلم حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجو د مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخو د ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجو د آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی سناطب خواہ کو شش نہیں گیا۔

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وحبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تعتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تعتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بنانے سے انکار کر دیااور یوں ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغنی رات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نصابی کتاب و نظام تعلیم کی نصابی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سبہ کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیز نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعمال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیز نگ کی مکسل نصاب کی طسر نسسے پہلافت دم ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایہ سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 28 *اكتوبر* 2011

إب

شنائي نظام

ا.ا اعثاری نظام گنتی

روز مسرہ زندگی مسیں اعشاری نظام گسنتی استعال ہوتا ہے، جو 0 تا 9 کے ہندسوں پر مسبنی ہے۔ کسی بھی گسنتی کے نظام مسیں کا تعلیم اسس کتبے ہیں۔اعشاری نظام مسیں 0 تا 9، یعنی دسس 10 نظام مسیں کا عالمات ہیں،یوں اعشاری نظام کی اساسس دسس ہے اور اسس کو اساسس 10 کانظام کہتے ہیں۔

مساوات ارامسیں 538.72 کو اعشاری نظام مسیں لکھتے ہوئے زیر نوشت مسیں 10 ککھا گیا ہے، جو اسس بات کی یاد دہانی کر اتا ہے کہ یہ عصد داسس دسس کے نظام مسیں لکھا گیا ہے۔ اسس کتا ہے مسیں چونکہ کی نظام گسنتی استعمال ہوں گے، البندا جہاں مستن سے واضح نہ ہو وہاں اعبداد کے ساتھ ان کی اسسس زیر نوشت مسیں لکھی حبائے گا۔

1 - 0 نظام میں اعثار سے کی بائیں حبان پہلاہند سہ اکائی وزن رکھت ہے، دو سراد ہائی، تیسر اسٹیکٹرا، وغیبرہ یوں میں اعثار سے کا مطلب $8 \times 10^0 = 8 \times 1 = 8_{10}$ میں دیے گئے ہند موں میں 8 کامطلب $8 \times 10^0 = 8 \times 1 = 8_{10}$ کا مطلب $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کا میں حبار ہوں تاہم کے دائیں حباز ار، وغیب دے کا ایک بین اس میں ایک بین اس میں 2 در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے جب در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے جب در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے جب در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10^0 = 10^0 = 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 = 10^0 = 10^0 = 10^0 = 10^0$ کے در مسل $1 \times 10^0 =$

(i.r)
$$538.72_{10} = (5 \times 10^2) + (3 \times 10^1) + (8 \times 10^0) + (7 \times 10^{-1}) + (2 \times 10^{-2})$$

1

باب. اشنائي نظام

$$x_2 = 5$$
 $x_1 = 3$
 $x_0 = 8$
 $x_{-1} = 7$
 $x_{-2} = 2$
 $x = 538.72_{10}$
 $x = x_2 x_1 x_0 . x_{-1} x_{-2}$

مشکل ا. ا:عبد د کے ہند سول کو یکارنے کا طب ریقہ کار۔

اس حقیقے کو درج ذیل عبومی رویے میں لکھ کتے ہیں۔

(i.r)
$$\cdots a_2 \times 10^2 + a_1 \times 10^1 + a_0 \times 10^0 + a_{-1} \times 10^{-1} + a_{-2} \times 10^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{10}$

عدد 538.72_{10} کو x لیتے ہوئے، شکل المسیں اسس کے مختلف ہند سول کو پکارنے کا طسریق و کھایا گیا ہے، جسس کے تحت 5 کو x جبکہ 3 کو x کہیں گے، وغیبرہ۔

اسس طسرح کی بھی عبد دمسیں بائیں حبانب ہندے کا رتب دائیں حبانب ہندے کے رتب سے بلند ہو گا۔مساوات ا.امسیں بلند تررتب کاہندسہ 5 ہے،جبکہ کم تررتبے کاہندسہ 6 ہے۔

مساوات ۱۰، مسیں سات کو تین مختلف طسریقوں سے تکھا گیا ہے۔ روز مسرہ زندگی مسیں سات پہلی طسرز پر لکھا حباتا ہے۔ یول کاعند پر لکھتے ہوئے کی بھی عدد کے بائیں حبانب صغسر نہیں تکھے حبات اور عدد کے بائیں حبانب کاعند نو کو حنالی چھوڑا حباتا ہے۔ یہاں سے بات سمجھنا ضروری ہے کہ روز مسرہ زندگی مسیں اعداد تکھتے وقت ان کی لمبائی یان مسیں گل ہدد ہوں کی تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں ہوگئی عدد کو کے بائیں حبانب حبال جا کا ہونا خروری ہے۔ کمپیوڑ مسیں ہر قتم کی کے بائیں حبانب حبال جگ اس بات کا فیصلہ کیا حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کہتے ہے بہتے اس بات کا فیصلہ کیا جباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے بائیں ہنا ہوگئی حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے جہائے کہ سے کا مسینا ہوگئی ہو تواسس تمام جگھے کو ہر صور سے استعال کرنا ہوگا ۔

اعثاری نظام مسیں گسنتی 0_{10} سے شروع ہوتی ہے اور بتدار تگ بڑھتے ہوئے 9_{10} تک پہنچتی ہے۔ اسس دوران دہائی، سینکڑا، وغنیسرہ کے مصام پر صف ررہت ہے اور انہیں عام طور نہیں لکھا حباتا۔ گسنتی نو تک پہنچنے کے بعد دہائی، لیمنی 10^0 ، وزن رکھنے والے مصام پر 0 کی بحبائے 1 ککھا حباتاہے اور اکائی، لیمنی 10^0 ، وزن رکھنے والے مصام پر دوبارہ 0 تا 9 گست کی حباتی ہے۔

۱.۲ بشتمي نظب م گنتي

اگر آپ کواس پیسراگران کی مسجھ نہیں آئی تواہے دوبارہ پڑھیں۔اس مسیں سادہ گسنتی کی وضاحت کی گئی ہے۔

اعث اری نظام مسیں اگر اعبداد کو ایک بہندے تک محمد دو کر دیا حبائے تواسس مسیں 0₁₀ ہے 9₁₀ تک گسنتی مسکن ہوگی۔ اگر اعبداد کو دوہت دسے ہوں، تب موں مسکن ہوگی۔ اگر اعبداد کو دوہت دسوں تک محمد دو کر دیا حبائے، لینی اسس مسین زیادہ سے زیادہ دوہت دسے ہوں، تب ہوگی، ای طسرح تین ہند سول تک کے عسد داستعال کرنے سے 000₁₀ سے 999₁₀ تک گسنتی مسکن ہوگی، ای طسرح تین ہند سول تک کے عسد داستعال کرنے سے 2000 سے تاب مستق ہے، وغیرہ۔

۱.۲ مشتمی نظام گستی

ہشتی نظام 0 تا 7 ہند موں پر مبنی ہے۔ اس نظام میں آٹھ ہندے ہیں الہذا ہے۔ اس آٹھ نظام ہے۔ بالکل اعتباری نظام کی طسر تن، اس نظام میں اعتبارہ کھتے ہوئے اعتباریہ کے بائیں جانب پہلے ہند ہے کا وزن $8^0 = 8^1$ ، دوسرے ہند ہے کا $8^1 = 8_1$ ، تیسرے کا $8^1 = 8_1$ ، وغیبرہ، جبکہ اعتباریہ کے دائیں جب نہ ہے۔ کا وزن $8^1 = 8_1$ ، $8^1 = 8_1$ ، وسرے کا وزن $8^1 = 8_1$ ہوگا، وغیبرہ۔

$$\begin{array}{l} 538.72_8 = [(5\times 8^2) + (3\times 8^1) + (8\times 8^0) + (7\times 8^{-1}) + (2\times 8^{-2})]_{10} \\ = [(5\times 64) + (3\times 8) + (8\times 1) + (7\times 0.125) + (2\times 0.015625)]_{10} \\ = [320 + 24 + 8 + 0.875 + 0.03125]_{10} \\ = 352.90625_{10} \end{array}$$

ہشتمی نظامِ گنتی کے لئے مساوات استورج ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

(I.1)
$$\cdots a_2 \times 8^2 + a_1 \times 8^1 + a_0 \times 8^0 + a_{-1} \times 8^{-1} + a_{-2} \times 8^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0, a_{-1} a_{-2} \cdots)_8$

ہ متی نظام مسیں دیے گئے عبد د کواعشاری نظام مسیں تبدیل کرنامساوات ۱.۵مسیں د کھایا گیا ہے۔ ہشتی عبد د کے زیر نوشت مسیں 8 اسس بات کی یاد دہائی کراتا ہے کہ ہے عبد دہشتی نظام مسیں لکھا گیا ہے۔

1 اسس نظام مسیں گسنتی 0 سے سشروع ہوتی ہے، 7 تک یکنچنے کے بعد 8^1 وزن رکھنے والے معتام پر 0 کی بحب نے 1 ککھا حب تاہے اور 8^0 وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 ہے 7 کی گسنتی سشروع ہوتی ہے۔

۱.۳ شنائی نظام گستی

ما نگر و کنٹ رولر کی دنیا مسیں شنائی نظام گستی استعال ہوتا ہے۔ شنائی نظام دوہت دسوں، 0 اور 1 ، پر مسبنی ہے، البذا سے اساس دو کانظام ہے۔ اسس نظام مسیں گستی 0 سے شسروع ہوتی ہے، 1 تک پہنچنے کے بعد 2¹ وزن رکھنے ابا. شنائی نظام

والی معتام پر 0 کی بحب نے 1 کھے حب تا ہے، اور 2^0 وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 ہے 1 گسنتی سنسروع ہوتی ہے۔ اسس نظام مسیں گسنتی کو مساوات 1 کے مسیل دکھنا گیا ہے، جہال زیر نوشت مسیل اساس لکھنے سے گریز کسیا گسیا ہے۔ مواز سنہ کے لئے اعشاری گسنتی بھی پیش کی گئے ہے۔

 $2^0=1_{10}$ اس نظام مسیں اعبد او لکھتے ہوئے اعتار سے کے بائیں حبانب پہلے ہددے کا وزن $2^0=2^0$ ہوگا، دو سرے کا وزن $2^1=2_{10}$ ہندے کا وزن $2^1=2_{10}$ ہندے کا وزن $2^1=2_{10}$ ہندے کا وزن $2^1=2_{10}$ ہوگا۔

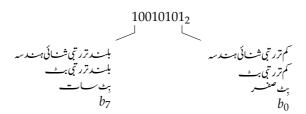
شنائی نظام گسنتی کے لئے ی مساوات اسران ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

(I.A)
$$\cdots b_2 \times 2^2 + b_1 \times 2^1 + b_0 \times 2^0 + b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} \cdots$$

= $(\cdots b_2 b_1 b_0 \cdot b_{-1} b_{-2} \cdots)_2$

مساوات اوا مسین شنائی نظام مسین دیه گئے عسد دکو اعشاری نظام مسین تبدیل کرنا دکھایا گیا ہے۔ شنائی عسد دکے زیر نوشت مسین کو اسس بات کی یاد دہانی کراتا ہے کہ یہ عسد دشنائی نظام مسین لکھا گیا ہے۔

$$\begin{array}{l} 1011.1_2 = [(1\times 2^3) + (0\times 2^2) + (1\times 2^1) + (1\times 2^0) + (1\times 2^{-1})]_{10} \\ = [(1\times 8) + (0\times 4) + (1\times 2) + (1\times 1) + (1\times 0.5)]_{10} \\ = [8+0+2+1+0.5]_{10} \\ = 11.5_{10} \end{array}$$



مشكل ٢.١: بلن د تراور كم تررتبي بهن دسے۔

شنائی عدد کے ہندسوں کو پکارنے کا طسریقہ سشکل ۲۰۱۱مسیں دکھایا گیا ہے۔ شنائی عدد کے دائیں ترین ہندے کو کم تر تی بخد یا گلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی ارموجودہ مشال مسیں) بند کو بند دویا بند کو کہ بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کو بلند تر ہی شنائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کے کہ بندائی ہندسہ یابند کی کہ بندائی ہندہ کے کو بندائی ہندسہ یابند کی کو کہ بندائی ہندہ کی کہ بندائی ہندہ کی کو بندائی ہندائی ہن

اگردیے گئے شنائی عبد د کے اعشار ہے کے دائیں حبانب کچھ نے ہو، تب درج ذیل لکھا حباسکتا ہے:

(1.1•)
$$1011_2 = (2^3 + 2^1 + 2^0)_{10} = (8 + 2 + 1)_{10} = 11_{10}$$

جوہندے 1 ہیں،ان کے وزن جمع کیے سباتے ہیں۔

حیارہت موں کاشٹ کی عدد و 0000_2 تا 11112 گستی کر سکتا ہے؛ اسس ہے بڑا عمد در کھنے کے لئے حیارے زیادہ ہند ہوں گے۔ ما تکرو کنٹ مرولر آٹھ شٹ کی ہند موں کے اعمد او استعمال کرتا ہے جو 00000000_2 تا 11111111_2 ، یعنی 010 تا 015 خابر کر سکتے ہیں۔

۱.۴ اعشاری نظام سے شنائی نظام مسیں تبادلہ

اعثاری نظام مسیں دیے گئے عدد کوشنائی نظام مسیں لکھنے کی حناطسر اسس عدد کوبار بار 2 سے تقسیم کریں، حتٰی کہ یہ مسزیہ مسین بہلے حاصل باقی کوشنائی عدد کہ یہ مسزیہ تقسیم سے ہوئے ہم مسرت تقسیم کے بعد حساصل باقی کو اسس سے دگنے وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری کے سب سے کم وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری حساسل باقی کو اسس سے دینے وزن کے مصام پر لکھیں۔ یول شنائی عدد حساصل بوگا۔ یہ طسریق استعال کرتے ہوئے 1210 کوشنائی کھیں کی میں لکھتے ہیں۔

باب ا. شنائی نظام

121 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 60 اور باقی 1 ملت ہے۔ 60 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 30 اور باقی 0 ملت ہے۔ 30 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 15 اور باقی 0 ملت ہے۔ 15 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 7 اور باقی 1 ملت ہے۔ 7 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 3 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔

ا ب سب سے آ حضری" باتی"کوسب سے زیادہ وزن کے معتام پر اور سب سے پہلے" باقی"کوسب سے کم وزن کے معتام پر ککھتے ہیں۔ بیل د 1111001 سے صل ہو گا، البیذا

$$121_{10} = 1111001_2$$

ہو گا جہاں سات شنائی ہندے استعمال کیے گئے ہیں۔ اپنی تسلی کے لئے اسس عدد کو واپس اعشاری نظام مسیں منتصل کرتے ہیں۔

$$1111001_2 = 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^0 = 64 + 32 + 16 + 8 + 1 = 121_{10}$$

اسس طسریقے کار کی بہتر صور ہے پیش کرتے ہیں۔

2	121	
	60	1
	30	0
	15	0
	7	1
	3	1
	1	1
	0	1

عب دمسیں اعث ارب کے مائیں مبانب صب کو حصب صحیح ، جب کہ دائیں حصب کو حصب مکور ماکسری کتے ہیں۔

xxxxxx . yyyyyy

يون 121.6875 مين 121 عدد صحيح اور 6875 عدد مكوريــــ

عشری عدد کے صحیح حسہ کو شائی نظام مسیں تبدیل کرنا آپ سیکھ چکے؛ حسہ مسکور تبدیل کرنے کا طسریقے زرہ مختلف ہے۔ آئیں ہے عمسل سیکھیں۔

حصہ مکور کوباربار 2 سے ضرب دیں۔اگر حساصل ضرب کے اعشاریہ کے بائیں حبانب 1 حساصل ہو تواسس کو حساصل کی دیکے دائیں حبانب مسلک کریں ورسنہ شنائی عسد دکے دائیں حبانب مسلک کریں ورسنہ شنائی عسد دکے دائیں حبانب منسلک کریں۔اسس عمسل کوایک مدد سے مسکھتے ہیں۔

	شنائی
$2 \times 0.6875 = 1.375$	0.1
$2 \times 0.3750 = 0.750$	0.10
$2 \times 0.7500 = 1.500$	0.101
$2 \times 0.6875 = 1.375$ $2 \times 0.3750 = 0.750$ $2 \times 0.7500 = 1.500$ $2 \times 0.5000 = 1.000$	0.1011

يوں $0.6875_{10}=0.1011$ بوگا: آحن رمين دونوں صول کو ملاکر شن أنگ عبد دحت اصل کرتے ہیں۔

 $121.6875_{10} = 111001.1011_2$

۱.۵ اساسس سوله (سادسس عشری) نظام گنتی

اس سولہ کے نظام مسیں اعبداد کی سولہ عسلامتیں ہیں۔ان مسیں پہلی دس عسلامتیں 0 تا 9 ہیں، جب ہاتی عسلامتیں، بڑی کھیائی مسیں انگریزی حسرون تہجی کے پہلے جہد حسرون لیعنی A اور A ہیں۔ B اور A عسلامت A وسس A وظاہر کرتی ہے، لیعنی A اور A ہور کرتی ہے۔ مساوات اراامسیں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر طسر A جہند ہوئے A ہیندرہ کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات اراامسیں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر

۸ باب ا. شنائی نظام

آگے ہر گزم<u>ت ب</u>ڑھیں۔

$$00_{10} = 00_8 = 0000_2 = 0_{16}$$

$$01_{10} = 01_8 = 0001_2 = 1_{16}$$

$$02_{10} = 02_8 = 0010_2 = 2_{16}$$

$$03_{10} = 03_8 = 0011_2 = 3_{16}$$

$$04_{10} = 04_8 = 0100_2 = 4_{16}$$

$$05_{10} = 05_8 = 0101_2 = 5_{16}$$

$$06_{10} = 06_8 = 0110_2 = 6_{16}$$

$$07_{10} = 07_8 = 0111_2 = 7_{16}$$

$$08_{10} = 10_8 = 1000_2 = 8_{16}$$

$$09_{10} = 11_8 = 1001_2 = 9_{16}$$

$$10_{10} = 12_8 = 1010_2 = A_{16}$$

$$11_{10} = 13_8 = 1011_2 = B_{16}$$

$$12_{10} = 14_8 = 1100_2 = C_{16}$$

$$13_{10} = 15_8 = 1101_2 = D_{16}$$

$$14_{10} = 16_8 = 1110_2 = E_{16}$$

$$15_{10} = 17_8 = 1111_2 = E_{16}$$

اس نظام میں اشاری کی ہائیں جانب پہلے ہندے کاوزن $1_{10}=1_{0}$ ، دوسرے کا $1_{10}=1_{0}$ ، اور تیسرے کا $1_{10}=1_{0}$ ہوگا۔

ماوات المامسیں ساوس عشری یا اس سولہ نظام مسیں دیے گئے عسد د کو اعشاری نظام مسیں تبدیل کرناد کھایا گیاہے۔ ایب کرتے ہوئے 10_{10} کا در 10_{10} کے گئے۔

$$\begin{array}{l} 3AC.8_{16} = (3\times16^2)_{10} + (10\times16^1)_{10} + (12\times16^0)_{10} + (8\times16^{-1})_{10} \\ = (3\times256)_{10} + (10\times16)_{10} + (12\times1)_{10} + (8\times0.0625)_{10} \\ = (768+160+12+0.5)_{10} \\ = 940.5_{10} \end{array}$$

مساوات اسس سولہ کے لئے درج ذیل ہو گی۔

(1.17)
$$\cdots a_2 \times 16^2 + a_1 \times 16^1 + a_0 \times 16^0 + a_{-1} \times 16^{-1} + a_{-2} \times 16^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{16}$

۱.۱ اس سروكاا س آم الله مسين تبادله

مساوات اسرا اسمیں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ سے سشروع کرتے ہوئے، اعشاریہ کی دونوں حباب تین تین میں میں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ کی بائیں حبانی اگر آخنہ مسیں علی ہوا ہوا کی بائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اس آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اساس آ گھ ہدر سے اور کا گورہ پورا کی جگ ہوں کو جگ کھی گیا۔ بدر کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کا مسیل منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کی جگ ہوت رادر کھتا ہے۔ اسس طسر آ اسس عدد کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ بادر ہوت رادر کھتا ہے۔

(1.17)
$$\begin{aligned} 1101100.1_2 &= (001\ 101\ 100\ .100)_2 \\ &= (\ 1\quad 5\quad 4\ .\quad 4)_8 \\ &= 154.4_8 \end{aligned}$$

اساسس دو كااساسس سوله مسين تبادله

شن فی عبد دکواب سس سولہ مسین لکھنے کی حن طسر شن فی عبد دکواعث ارہے ہے سنسہ وع کرتے ہوئے اعث ارہے کی دونوں حبائی طسر آگر اوہ پورا سنہ ہو تو عبد دکی بائیں حبائی حبائی صف منسلک کر کے حیار ہند سول کا گروہ پورا کریں: ای طسر آگر اگر وہ پورا سنہ ہوں تو دائیں حبائی صف منسلک کر اعث ارہے کی دائیں حبائی سنس سولہ کا گروہ پورا کریں۔ اب مساوی اس سولہ کا ہمد دے ان حیار حیار کے گروہ کی جگہ ان کی مساوی اس سولہ کا ہمد دے ان حیار حیار کے گروہ کی جگہ ان کی مساوی اس سولہ کا ہمائی ہوگئی ہے 610 کی جگہ کہ اور کا 1100 کی جگہ کہ اور کا 1100 کی جگہ کی مساوی اس سولہ کی مساوی اس سولہ کی جگہ کی کراے ساس سولہ مسین مساوی عبد دحیاصل کیا گھے کراہ کی داعث ارب اپنی جگر ہوگئی ہوئے۔

(1.14)
$$1101100.1_2 = (0110 \ 1100 . \ 1000)_2$$

$$= (\ 6 \ C \ . \ 8)_{16}$$

$$= 6C.8_{16}$$

۱.۸ اساسس آگھ اور اساسس سولہ سے اساسس دومسیں تبادلہ

انہ میں طسر لیقوں کو الٹ استعال کرتے ہوئے اس س آٹھ اور اس سس سولہ کے اعبداد با آپ نی اس سس دو مسیں لکھے حبا کتے لکھے حبا کتے ہیں۔ مساوات ۱۲.۱مسین اس اس آٹھ:

١٠ باب! شنائي نظام

اور مساوات ا۔ ۱ے امسین اساسس سولہ کوشنائی عبد دکی صورت مسین لکھنا دکھایا گیاہے۔

ہم نے دیکھ کہ شنائی عبد د کے ہند سوں کو تین تین کے گروہ مسیں لکھنے سے اس سس آٹھ اور حپار حپار کے گروہ مسیں کھنے سے اس سس سولہ عبد د حساصل کیا جب آئیں درج بالا مساوات مسین حساصل شنائی عبد دسے اس سس سولہ اعبد اد حساصل کریں۔

$$1001101000101111.0111_2 = (001 \quad 001 \quad 101 \quad 000 \quad 101 \quad 111 \cdot 011 \quad 100)_2$$

$$= (1 \quad 1 \quad 5 \quad 0 \quad 5 \quad 7 \quad . \quad 3 \quad 4)_8$$

$$= 115057.34_8$$

$$1001101000101111.0111_2 = (1001 \quad 1010 \quad 0010 \quad 1111 \cdot 0111)_2$$

$$= (9 \quad A \quad 2 \quad F \quad . \quad 7)_{16}$$

$$= 9A2F.7_{16}$$

مساوات ا. ۱۱ اور مساوات ا. ۱۷ کی آحضری لکسیروں مسیں شنائی اعبداد کودیکھتے ہوئے ہہت حبلدانسان اکتاحباتا ہے، البت، انہمیں مساوات مسیں جہاں شنائی اعبداد گروہ کی صورت مسیں لکھے گئے ہیں، وہاں انہمیں مسجھنا آسان ہے۔ یمی وجبہ ہے کہ شنائی اعبداد بالخصوص اور دیگر اعبداد بالعموم گروہ می صورت مسیں لکھے حباتے ہیں۔

ایک ہندے پر مبنی شنائی عدد کوشنائی ہندسہ یابٹ کہتے ہیں: آٹھ شنائی ہندسوں، بینی آٹھ بنے، کے گروہ کو ہشتی شنائی عدد یابائٹ کہتے ہیں۔بائٹ کو عسوماً حیار حیار شنائی اعمداد کے گروہ مسیں لکھا حباتا ہے۔ یوں مساوات اوات ایما مسیں دوبائٹ ہیں۔ای مساوات کوالٹ حیالتے ہوئے سے واضح ہے کہ ہشتی شنائی عدد کو حیار حیار شنائی اعمداد کے گروہ مسیں لکھ کرانہ میں حبلدا ساسس مولد مسیں لکھا حب سکتا ہے۔

اب۲

بنیبادی حساسب

شنائی نظام مسیں حساب بالکل ای طسرت کیا حباتا ہے جس طسرت اعشاری نظام مسیں۔ چند مشالوں کے مطالعہ سے وضاحت ہوگی۔

شن کی نظام مسین اعبداد کا محبسوعی اعشاری نظام مسین دواعیداد کے محبسوعی سے مسجھا حباسکتا ہے۔اعشاری نظام کی مندرحب ذیل مشال پر غور کریں جس مسین 37.5 اور 29.6 جمع کیے گئے ہیں۔

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

آپ نے دیکھ کہ حساسل (1) کو (بائیں) زیادہ وزنی مصام پر منتقبل کیا گیا۔ یہی شنائی جمع مسین کیا حبائے گا۔ شنائی نظام مسین صرف دوہندے، 0 اور 1 ،پائے حباتے ہیں جن کی حیار ممکن مجبوعے درج ذیل ہیں۔

اب ۲ بنیادی حاب

پہلی تین جع میں ساسل 0 جبکہ آسٹری میں ساسل 1 ہے۔

آئیں، زیادہ شن کی ہند سول کے اعب داد کی جمع کی مث لیں دیکھیں؛ان کی اعث اری نظام مسیں جمع بھی دی گئی ہیں۔

وائیں ہاتھ شن کی 11 اور 10 جمع کرکے 101_2 حساس کے گیا جواعث اری نظام مسیں 5=2+3 ہوگا، جب کہ بائیں ہاتھ شن کی 1011 اور 1001 جمع کرکے 1010_2 حساس کے گیا جواعث اری نظام مسیں 22=9+13 کے مستسراد ف ہے۔

آ حن رمیں، کسری اعبداد کی جمع کی ایک مثال دیکھتے ہیں۔

۲.۱ شنائی نظام مسیں اعبداد منفی کرنا

دوبِك (شنائى عدد) منفى كرنے كے درج ذيل حسار مسكنات پائے حساتے ہيں۔

$$0-0=0$$
 $1-0=1$
 $1-1=0$
 $0-1=1$ ((160-1)

ی آجنسری مساوات مسین صفسرے ایک اسس صورت منفی کیاد کھایا گیاہے جب ادھار 1 لین ممکن ہو۔ ایک اور مثال دیکھتے ہیں۔

110.01		
-101.1	6.25	110.01
0.112	-5.50	-101.1
	0.75 ₁₀	0.112

شنائی منفی کی چیند مشالیں حسل کر کے اعشاری منفی ہے ان کی تصیدیق کریں۔ایسا کرنے سے زیادہ وضیاحت ہو گی۔

۲.۲ اساس تكمله يا ۲ كاتكمله

کی بھی اسای نظام مسیں، ہندسہ کو اساس، (r)، ہے منفی کرنے سے ہندسے کا اسای تکسلہ (یا r کا تکسلہ) سے ساسل ہوگا۔ یوں، ہندسہ اور ہندسے کے اسای تکسلہ کا محبوعہ اساس کے برابر ہوگا۔ مضلاً، اعضاری نظام مسیں 5 کا کا اسای تکسلہ 5 اور ان دونوں کا محبوعہ 5 اعضاری نظام کے اساس کے برابرے۔ ای طسرح 5 کا اساس تکسلہ 5 ، اور 6 کا اساس تکسلہ 1 ، اور 1 کا اساس تکسلہ 1 ، اور 1 کا اساس کے برابرے۔ ای طسرح 5 کا اساس تکسلہ 1 ، اور 1 کا اساس کے برابرے ہوگا۔

درن بالامث الوں ہے واضح ہے کہ کی بھی ہند سہ (مشلاً 3) کے اسای تکسلہ (یعنی 7) کا اسا تی تکسلہ وہی ہند سہ (یعنی 3) ہوگا۔ اسا تی تکسلہ کے تصور کو ایک ہے زائد ہند سوں پر مسبنی عسد د تک وسعت دیتے ہیں۔ اساس r کے اعبدادی نظام مسین عسد د n جو n ہم ہوگا۔ اسا تی تکسلہ (یا r کے تکسلہ) ہے مسراد عسد r ہوگا۔ اساسی دو کے تکسلہ کو عسام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس مسرح اساسی دو کے تکسلہ کو عسام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس مسرح اساسی دو کے تکسلہ کو عام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس مسرح اساسی دو کے تکسلہ کو عسام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس

اعثاری نظام مسیں عدد 10^n کے سب سے وزنی ہندھے کی قیمت 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہندہے ہول گے۔

$$10^2 = 100_{10}$$

$$10^5 = 100000_{10}$$

$$10^7 = 10000000_{10}$$

اعثاری نظام کی اساس n=10 ہے۔ اس نظام مسیں عدد N ، جس مسیں n ہندہے ہوں، کے اسا تی n=10 تکساہ (یعن 10 کے تکساہ) سے مسراد عدد n=10 ہوگا۔ یوں 5391 n=10 جس مسیں حیار ہندے n=10 بین کا 10 کا تکساہ دررج ذیل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad (10^4 - 5391)_{10} = (10000 - 5391)_{10} = 4609_{10}$$

اى طسىرى عدد 320753 جسى مسين 6 بىندسے بين كااساسى تكسلە:

$$(r.r) \qquad (10^6 - 320753)_{10} = (1000000 - 320753)_{10} = 679247_{10}$$

اور 679247 كا 2 كاتكماله درج ذيل ہوگا۔

$$(r.r) (106 - 679247)10 = (1000000 - 679247)10 = 32075310$$

N برعب در N کے اسامی تکسلہ کا اسامی تکسلہ وہی عبد وN ہوگا۔ اسس کا ثبوت کچھ یوں ہے: عبد دری N کا اسامی تکسلہ n-N اور عبد در n-N کا اسامی تکسلہ n-N بوگا۔

 2^n سندموں پر مبنی شنائی عدد N کے 2 کا تکمیاہ (لیمنی اساس تکمیاء) سندموں پر مبنی شنائی عدد N ہوگا۔ N

اب ۲ بنیادی حاب

شنائی نظام میں عدد 10^n کے سب سے وزنی ہندے کی قیمت 1 ہو گی، اور اسس کی دائیں جبانب 0 قیمت کے n ہندہے ہول گے۔

$$\begin{aligned} 2^2 &= 100_2 \\ (\text{r.a}) & 2^5 &= 100000_2 \\ 2^7 &= 10000000_2 \end{aligned}$$

يوں 10112 اور 10001 ك 2 ك تكسله بالت رتيب درج ذيل ہول كے۔

(r,
$$\tau$$
)
$$(2^4 - 1011)_2 = (10000 - 1011)_2 = 0101_2$$

$$(2^5 - 10001)_2 = (100000 - 10001)_2 = 01111_2$$

اس منفی ایک تکسله یا (r-1) کا تکسله rبه

 r^n-1-N اس سے کو نظام مسیں، عدد N کے اس سنفی ایک کے اس سنفی ایک کا تک اور شنائی نظام مسیں اس منفی ایک کے تک ایک کو عصوماً P کا تک اور شنائی نظام مسیں اس منفی ایک کے تک ایک کو عصوماً P کا تک اور شنائی نظام مسیں اس منفی ایک کے تک ایک کا تک اور شنائی نظام مسیں اس کا تک کا تک اور شنائی نظام مسیں اس کا تک کا ت

اعثاری نظام مسیں 376 اور 7852 کے 9 کے تکسلہ،بالتسرتیب مندرجب ذیل ہوں گے۔

$$10^{3} - 1 - 376 = 1000 - 1 - 376$$

$$= 999 - 376$$

$$= 623_{10}$$

$$10^{4} - 1 - 7852 = 10000 - 1 - 7852$$

$$= 9999 - 7852$$

$$= 2147_{10}$$

اعثاری نظام مسیں عدد $n:10^n-1$ ہند سوں پر مشتل ہوگا، جہاں ہر ہند سے کی قیمت $n:10^n-1$

$$10^3 - 1 = 1000 - 1 = 999_{10}$$
 (r.n)
$$10^6 - 1 = 1000000 - 1 = 9999999_{10}$$

$$10^8 - 1 = 100000000 - 1 = 99999999_{10}$$

شنائی نظام میں عدد $n \cdot 2^n - 1$ ہند سول پر مشتمل ہوگا، جہاں ہر ہند سے کی قیمت 1 ہوگا۔

$$2^3-1=1000-1=111_2$$
 (r.9)
$$2^5-1=100000-1=11111_2$$

$$2^8-1=100000000-1=11111111_2$$

شن فی نظام مسیں 10012 اور 1011102 کے 1 کے تکسلہ، بالت رتیب، درج ذیل ہوں گے۔

$$2^4 - 1 - 1001 = 1111 - 1001 = 0110_2$$

$$2^6 - 1 - 101110 = 111111 - 101110 = 010001_2$$

آپ دیکھ سے ہیں کہ شنائی عدد 0 کا" ایک کا تکسلہ "، شنائی عدد 1 ہوگا، اور ای طسرح عدد 1 کا" ایک کا تکسلہ "، شنائی عدد 0 ہوگا۔ ہم کہ ہیں 0 کا متم 1 اور 1 کا متم 0 ہے۔

شنائی عبد دN کا سس منفی ایک کا تکمیاہ، \overline{N} سے ظہر کیا جباتا ہے البند ادرج ذیل لکھا حب اسکتا ہے۔

$$\begin{array}{c} \overline{1}_2=0_2\\ \overline{0}_2=1_2\\ \overline{1001}_2=0110_2\\ \overline{101110}_2=010001_2 \end{array}$$

0 ان دومث الوں ہے ایک اہم حقیقت واضح ہو تا ہے: شن کی عبد دمسین ہر ہندے کا متم کینے ہے (یعنی ہر 0 کو 1 ، اور ہر 1 کو 0 کرنے ہے) اسس کا ایک کا تکہ ایم متم حساس ہوگا۔

ثنائی مدد کے ہر ہے کا متم لینے سے مدد کا 1 کا تکله (یعنی متم) ماصلی ہوگا۔

 r^2-1-N اور (r-1) کے تکسلہ ہے مسراد r^n-N اور (r-1) کا تکسلہ ہے مسراد r^n-N اور r^n-N کا تکسلہ ہے ساتھ r^n-N کا تکسلہ ہے مسلم ہے ، الباخد ا r^n-N کا تکسلہ ہے مسلم ہوگا۔ اس مسرح اساس تکسلہ کا حصول عسوماً زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے۔ مسلم کے کا تکسلہ ہے اس مسرح اساس طریقہ ہے مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کی کا کہ کی کا کہ کرتے ہیں۔ مسلم کی کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کی کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کی کرتے ہیں۔ مسلم کر

چونکہ $0100=\overline{1011}$ ہوگا۔ای طسرت 1001 کااپ می تکسلہ 1010=1+0100 ہوگا۔ای طسرت 10001 کے متم 0110=1+01110 کے متم 152 کی کرنے ہے اسس کااپ تی تکسلہ 1110=1+01110 میں اصل ہوگا۔

۲.۴ دواعب داد کی منفی پذریعب اساسی تکمه لیه

ستلم و کاعن نے ساتھ، M = N منٹی کرنا چھوٹی جساعتوں مسیں سکھایا حباتا ہے۔ برقیات مسیں بھسلہ کی مدد سے دواعبداد منٹی کے حباتے ہیں، جباں دونوں اعبداد مسیں ہند سوں کی تعبداد برابر ہونالازم ہے۔اسای بھسلہ کی مدد سے M-N مندر حب ذیل طسریقہ کارہے حساصل کیا حباتا ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہند سول کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہند سول والے عبد دکی بائیں حبانب (درکار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپاں کریں۔ صنسر ض کریں اب ہرعبد دمسیں 11 ہندھیاۓ حباتے ہیں۔
- 1 کی قیمت سے تیادہ ہونے کی صور سے مسیں، آحضری (بائیں) ہند سے جمع کرنے سے حساس M بسید اہوگا، جس کی ہنا ہے مجمعوں n+1 ہند سول پر مشتل ہوگا اور اسس کا بیالی ہند سہ n+1 ہوگا۔ اسس بائیں ہند سے کو العنی حساس n کو کانظر انداز کریں ؛ باتی n ہند سول پر مسبقی عسد داصس جواب ہوگا۔

اب ۲. بنیادی حساب

1 کی قیہ سے کم ہونے کی صورت میں، آسندی (بئیں) ہندے جج کرنے سے حاصل M وی قیمت ہوگا: محبوع منفی عبد کو ظاہر کرے گا، اور n ہند سول پر مسبنی ہوگا۔ محبوع کا اس می تکسلہ لے کر اس کی بائیں حبانب منفی عبد است شکل کر کے جو اب حساس کی بائیں حبانب منفی عبد است شکل کر کے جو اب حساس کی بائیں حبانب منفی عبد الم

ان دونوں صور توں کی وضباحت مشالوں سے ہو گی۔

مثال ابن اعث اری اعب اد کا حساس منفی 974 – 7852 دسس کے تکسلہ کی مدد سے دریافت کریں۔

جواب: یہاں بڑا عدد 7852 مپار ہند سول پر مسبنی ہے، المہذا چھوٹا عدد 0974 ککھیں اور n=4 کیں۔ یوں n=4 کار اس کی محکمہ کار نے 1000 میں n=4 کار 1000 کار 200 میں محکمہ میں n=4 کار 2000 میں محکمہ محکمہ

مثال ۲۰۲: دسس کے تکسلہ کی مدوسے 7852 – 974 حساس کریں۔

جواب: عبد د 7852 كياس كاتمسله 2148 = 2140 - 0000 كا 2004 كياس كاتو محبوب كيت عبد 10000 كياس كاتو محبوب كيت الموت الميت الموت المبارك الموت ال

شنائی اعبداد بھی بالکل ای طسرح منفی کیے جبتے ہیں۔ ان کی بھی دومث لیں پیش کرتے ہیں۔ مثال ۲۰۳۳: اساس تکسلہ کی مدد سے مندر حب ذیل حساس کریں۔ (۱) 11001 – 11001 اور (ب) 11012 – 110012 جواب: (۱) چونکه 00110 $= \overline{11001}$ جواب اردوکا تکسله 00111 = 00110 بوگاه اسس کودوسسر جواب: (۱) چونکه 00110 (جسس کی بائیں حبانب اصن فی 0 چسپاں کر کے ہند سون کی تعبد ادپوری کی گئی) کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

10010 بائين آھندري ہند موں کو جمح کرتے ہوئے حساسل 1 پيد انہيں ہوا، لہند ااسس کا 2 کا گلساء لين ہوگا۔ چونکہ = 01101 مائین آھندري ہندانست کی المست چسپاں کرکے = 01101 مائین حبانب منفی عسامت چسپاں کرکے نتیب = 01100 منگوب منگوب کی مسامت کی بین کرکے نتیب = 01100 منگوب کی مسام کرتے ہیں۔

جواب: (ب) یہاں ایک عسد و پانٹی ہندسوں پر مشتل ہے، الہذا دوسرے عسد و مسیں بھی پانٹی ہندے پورے کے حب کئی گا۔ 01011 کو 01011 کو 01011 کو 01011 کو 01011 کو 01011 کے 01011 کو <math>01011 کے 01011 کے 01011 کو کا ساتھ جھ کرتے ہیں۔ <math>01011 حاصل کرکے دوسرے عسد د کے ساتھ جھ کرتے ہیں۔

آ منسری ہندہے جمع کرتے ہوئے ساسل 1 پیدا ہواجس کو نظسر انداز کرکے باقی محبسوء۔، 01110 ، کو نتیجبہ تسلیم کرتے ہیں۔

۲.۵ دواعب داد کی منفی بذرایعب اساسس منفی ایک کا تکمه له

M - N ہے۔ اسس کا طسریق کار درج ذیل ہے M - N ساسل کیا جب سکتا ہے۔ اسس کا طسریق کار درج ذیل ہے جب ان دونوں اعب داد مسین ہند سول کی تعب دادبر ابر ہونالازم ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہند سول کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہند سول والے عبد د کی بائیں حبانب (در کار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپال کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعب در مسیں 11 ہند سے پائے حباتے ہیں۔
 - M 1 N کاس منی ایک کا تکسله جمع کرے مجموعہ $M + r^n 1 N$ ساتھ M 1 N
- سل کی قیت N کی قیت سے زیادہ ہونے کی صورت مسیں، آحضری (بائیں) ہند سے بیٹی کرنے سے حسامسل M کی قیت کی بیٹ کے میں بیٹ ہوگا۔ n+1 ہند ہول پر مشتل ہوگا اور اسس کا بایاں ہند سے n+1 ہوگا۔ اسس بائیں ہند سے کو (یعنی حسامس n+1 کو) نظر رانداز کرنے کی بحب نے ، محبوع سے حضار ج کر کے ، n+1 وزن مختص کریں

اب ۲ بنیادی حاب

اور n ہندسوں کے باقی محبسوعہ کے ساتھ جمع کر کے جواب حسامسل کریں۔اسس عمسل کو واپسیں آحسری حسامسل ایک کہتے ہیں۔

م کی قیت ہے کم ہونے کی صورت مسیں، آمنسری (بائیں) ہندہ نے کرنے سے ساس M کی قیت ہوگا، ور M ہندہ منٹی عبد د کو ظباہر کرے گا، اور M ہندہ مول پر مسبقی ہو گا۔ محبسوعے کا اساسس منٹی ایک کا تکسلہ کے کراسس کی بائیں حبانب منٹی عسلامت منسلک کرتے جواب حساسل ہوگا۔

ان دونوں صور توں کی وضاحت مثالوں سے ہوگی۔

مثال ٢٠٠٧: نوكا تكميله استعال كرتي بوئي 7852 - 974 حياصل كرس

جواب: عبد د 974 کے بائیں 0 چسپاں کر کے اسس مسین ہند سوں کی تعبداد پوری کریں اور 7852 کے اسسس مفلی ایک کے عکم ا ایک کے تکسلہ 2147 = 7852 – 9999 کے ساتھ جمع کریں۔

1 ہے۔ اسس منگی ایک ہندہے جمع کرنے سے حساس 1 پیدانہیں ہوا، لہذا محبوعہ حیار ہند موں پر مشتمل ہے۔ اسس کے اسس منگی ایک کے جملہ 6878 = 0999 = 3121 = 0878 = 0878 = 0998 = 0999 = 099 = 099 = 099 = 099 = 099 = 099 = 099 = 099 = 099 = 09 09 = 09 09 = 09 09 = 09 09 = 09 09 = 09 09 = 09 09 = 09 09 09 = 09 09

مثال ۲.۵: نوکا تکمیا استعال کرتے ہوئے 974 – 7852 ساسل کریں۔

جواب چھوٹے عبد د 974 میں ہند سول کی تعبداد پوری کرکے اسس کے اساس منفی ایک کے تکسلہ – 9999 1905 = 9024 کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

آ جنسری (بائیں) ہندہے جمع کرتے ہوئے حیاصل 1 پیدا ہوا جس کی بن یہ مجبوعہ 5 ہند موں پر مشتل ہے۔ ہم اس حیاصل 1 کو وزن 1 مختل کر کے باقی 4 ہند موں پر مسبنی مجبوعہ 6877 کے ساتھ جمع کر کے جواب 6878 + 1 = 6878 حیاصل کرتے ہیں۔

اب ہم شنائی اعبداد کی مشال لیتے ہیں۔

۲.۲. مثبت ادر منفی اعب داد

مثال ۲.۲: مندر حب ذیل کو 1 کے تکمیلہ کی مدد سے حسل کریں۔ $11011_2 - 101110_2 (-1) \cdot 101110_2 - 11011_2 (1)$ حسل: (۱) منفی ہونے والے عبد دمسیں ہند سوں کی تعبد ادپوری کر کے اسس کا متم: $\overline{011011} = 100100$

دو سرے عبد د کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

آ حضری حساصل 1 کو باقی عسد دسے علیحسدہ کر کے اسے 1 کاوزن مختل کرکے (یعنی اسس کو اکائی تصور کرکے)، دائیں چیہ ہت دسول پر مشتمل محب وعب 2010010 کے ساتھ جمع کرتے ہوئے جو اب حساصل کرتے ہیں۔

010010

$$\begin{array}{r}
 +1 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011
 \end{array}$$

(ب) متم <u>101001</u> = 010001 كودوسرے عبد د كے ساتھ جمع كرتے ہيں۔

= 010011 جونکہ آمنسری حسام سل صف رہے، اہنے المحبموعے کے متم = 010011 کے ساتھ مفی کی عسلامت پر پہال کر کے جواب $= 010011_2$ سال کرتے ہیں۔

۲.۲ مثبت اور منفی اعب داد

روز مسرہ زندگی مسین مثبت اعبداد لکھتے ہوئے انہیں بغیبر کسی عسلامت کے، یا مثبت عسلامت (+) کے ساتھ کھسا حباتا ہے، البت منفی اعبداد کے ساتھ منفی عسلامت (-) ضرور ککھی حباتی ہے۔ یوں درج ذیل اعبداد درست کھیے ۲۰ بنیادی حساب

گئے ہیں۔

$$+3025$$
, 3025 , -3025

کی بھی عدد کے مثبت یا منفی ہونے کو اسس عدد کی عسلامت کہتے ہیں۔ یوں، وہ اعداد جو مثبت عسلامت (+) یا منفی عسلامت اعداد حسلامت احداد (-) رکھتے ہوں عسلامت دار اعداد کہلاتے ہیں، اور جن کی عسلامت نہ ہو بے عسلامت اعداد کہلاتے ہیں۔ اعداد کوان کی عسلامت اور تندرے ظاہر کرنے کو عسلامت داروت در اظہبار کہتے ہیں۔

کمپیوٹرشنائی اعبداد، 0 اور 1، استعال کرتاہے، اور ہر معلومات کو انہیں نے ظاہر کرتاہے۔ روایت آمثرت عملامت (+) کو 0 (صنعر) اور ننی عملامت (-) کو 1 (ایک) نے ظاہر کیا حباتا ہے۔ عملامت عمدہ کی بائیں حبانب کھی حباتی ہے۔ یوں 0+ کو حپار شنائی ہندسوں نے ظاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسہ مثبت عملامت (+) کو جبکہ باقی تین ہندے 0 کو ظاہر کریں گے۔ ای طسرح 0+ کو ظاہر کریں گے۔ ای کو جبکہ باقی سے سندسہ منی عملامت (-) کو جبکہ باقی سے ہندے 0+ کو طاہر کریں گے۔ ہوئے سامت ہندے 0+ کو طاہر کریں گے۔

$$\underbrace{0}_{+} \underbrace{1}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}_{-} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}$$

ایک دلچیپ حقیقت پر غور کریں۔اگر ہم 11012 مسیں بایاں ہندسہ عسلامت تصور کریں تب ہے۔ -5_{10} کو ظاہر کرکے گا، لیکن اگر ہم حیاروں ہندسوں کو ایک عبد د تصور کریں تب ہے۔ D_{13} یا D_{13} کو ظاہر کر تا ہے۔

سے حبانت اضروری ہے، آیاشت اُئی اعبد او کابایاں ہند سہ عسلامت کو ظاہر کرتا ہے یا ہے عدد کا حصہ ہے؛ ہے فیصلہ اعبد اواستعمال کرتے وقت آپ فیصلہ کرتے ہیں کہ عسلامت واریا ہے عسلامت (غنیسر عسلامت واریا ہے عسلامت واراعد اور غنیسر عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد کرتے ہیں کہ صف کو دو مختلف طسر لقول سے ظاہر کسیاحیا مکتا ہے، ان مسین ایک مثبت اور دوسرامنی ہے!

اسس حبدول مسیں حیار شنائی ہندسوں سے اعبداد کھے گئے؛ کمپیوٹر مسیں اعبداد، عسوماً، ایک بائٹ استعال کرتے ہوئے کھی حیاتا ہے۔ ایک بائٹ 8 شنائی ہندسوں کو کہتے ہیں۔ عسلامت دار اعبداد کو بائٹ مسیں کھتے ہوئے، دائیں سات ہندے عسدد کی وتدر جبکہ بایاں آحسری ہندسہ اسس کی عسلامت ظاہر کرے گا۔

 $00000101_2 = +5_{10}$ $01111111_2 = +127_{10}$ $10000101_2 = -5_{10}$ $11111111_2 = -127_{10}$ $00000000_2 = +0_{10}$ $10000000_2 = -0_{10}$

ان اعبداد مسین بھی مثبت اور منفی صف یایا گیا؛ روز مسرہ زندگی مسین صف کو ہم مثبت تصور کرتے ہیں۔

۲.۲. مثبت اور منفی اعب داد

حبدول ۲:۱ چپارہند سوں کے عسلامت دار اعب داد

عسلامت دار	شنائي
$+7_{10}$	01112
$+6_{10}$	0110_{2}
$+5_{10}$	0101_{2}
$+4_{10}$	0100_{2}
$+3_{10}$	0011_{2}
$+2_{10}$	0010_{2}
$+1_{10}$	0001_{2}
$+0_{10}$	0000_{2}
-0_{10}	1000_{2}
-1_{10}	1001_{2}
-2_{10}	1010_{2}
-3_{10}	1011_{2}
-4_{10}	1100_{2}
-5_{10}	1101_{2}
-6_{10}	1110_{2}
-7_{10}	11112

باب۲. بنیادی حاب

حبدول ٢٠٢:عسلامت دارايك كالكمساء اور دوكالتكمساء اعسداد

عسلامت دار دو کا تکسله	عسلامت دارایک کاتکسله	عسلامت دار فت در	اعثاری عبد د
0111	0111	0111	+7
0110	0110	0110	+6
0101	0101	0101	+5
0100	0100	0100	+4
0011	0011	0011	+3
0010	0010	0010	+2
0001	0001	0001	+1
0000	0000	0000	+0
ن ^ې سىياياسا تا	1111	1000	-0
1111	1110	1001	-1
1110	1101	1010	-2
1101	1100	1011	-3
1100	1011	1100	-4
1011	1010	1101	-5
1010	1001	1110	-6
1001	1000	1111	-7
1000	ىنچى <u>ن</u> پاياحبا تا	ىنىپىياىسى باياسىيا تا مىلىرىيالىياسىياتىلىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىي	-8

اشٹ کچھ کہنے کے بعبد آپ کو بت اتا حیلوں کہ، کمپیوٹر مسیں منفی اعبداد کو عبدالمت دار وتبدر اظہبار مسیں نہمیں بلکہ عبدالمت دارو 1 کے تکمیا یا عبدالمت دارو 2 کے تکمیا نظام مسیں رکھا اور استعمال کیا حباتا ہے۔ ایکے حصہ مسین ان نظام پر غور ہوگا۔

٢.٧ عسلامت دارو تكميله نظام

کمپیوٹر مسیں عبد دی بر قبیات کی مدد سے اعب او جمع یا منفی کیے حباتے ہیں۔ ب اعمال اساسی تکما ہیا اساس منفی ایک کا تکما ہ (حصہ ۲۰۲۱ اور حصہ ۵۰۲ دیکھییں) استعمال کرتے ہوئے زیادہ خوسش اسلوبی سے سسر انحبام دیے حباتے ہیں۔

کمپیوٹر چونکہ شنائی اعبداد استعمال کرتاہے، ابلیہ زااسس مسیں منفی اعبداد 1 کے تکمیاریا 2 کے تکمیارہ مسیں کھے حباتے ہیں۔ حبدول ۲۰۲ مسیں حپارشنائی ہندی (حپاریٹ) عملامت دار اعبداد کا 1 کا تکمیار اور 2 کا تکمیار روپ پیش کیا ہے۔ گیا ہے۔

حبدول ۲.۲ سے آپ دیکھ سے ہیں کہ مثبت عسد د، شنائی ہند سول مسین ایک ہی طسریق ہے کھا حب تاہے، جب کہ منفی عسد د تین طسریقوں سے لکھا حب سکتا ہے۔ ہول شیسنول طسریقول مسین مثبت عسد د کوسادہ شنائی عسد د کھیں۔

منتی عدد x-2 وعسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین کھنے کی مناطسر x+2 وعسلامت دارشنائی عدد (لیمنی سادہ شنائی اوپ مسین) کھے کر اسس کا 2 کا تکمیلہ لیں بیادرہ کہ 2 کا تکمیلہ ساصل کرتے ہوئے شنائی عدد کے ہر ہسند سه (بہت عسلامتی بٹ) کا متم لین ہوگا۔ یوں 5 – کو عسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین لکھنے کی مناطسر 5+ کو 1010 کھے کردوکا تکمیلہ لیں جو در کارروپ 1011 دے گا۔

إ___ا

بوولين الجبرا

بوولین الجبرا انگلتان کے ریاضی دان حبارج بوولی کے نام سے حبانا حباتا ہے، حبنہوں نے اسس الجبرا کو دریافت کیا۔ بوولین الجبرا ذہنی سوچ یعنی منطق کو الجبرائی روپ مسیں لکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اسس لئے حید رانی کی بات نہیں کہ کمپیوٹر اسی کو استعمال کرتا ہے۔

ا. ۳ بوولین الجبراکے بنیادی تصورات

x	у	
0	0	0
1	2	5
2	1	4
3	2	7
2	2	6 5
3	1	5

اس تفعل جس کوایک نامکسل حبدول کے روپ مسیں پیش کیا گیا ہے کا الجبرائی روپ درج ذیل ہے۔

$$z = x + 2y$$

اسس کے برعکس، بوولین الجبرامسیں متغیبرات کی صرف دو ممکن قیمتیں ہیں۔ان دو قیمتوں کو عصوماً 0 (صفسر)اور 1 (ایک) سے ظاہر کسیاحباتا ہے۔ بوولین تنساعسل کی چہند مشالوں پرغور کرتے ہیں۔ بالمستبر يوولين الجبرا

X	Υ	
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

حبدول السنز دومتغب رمنطقی ضرب

ا.۱.۱ منطقی ضرب

تصور کریں X اور Y آزاد پوولین متغیبرات ہیں، جب کہ Z ان کا تائع پوولین متغیبر ہے، لہذا اسس کی مکن قیتیں صرف D اور D ہیں۔ ای طسرح D بھی پوولین متغیبر ہے، لہذا اسس کی قیت D قیت D بھی صرف D اور D ہوگین متغیبر D بھی پوولین متغیبر ہے۔ اسس طسرح اگر جہ اسس کی قیت D اور D کی تائع ہے، اسس کے باوجود D کی قیت صرف D یا D بی ہوگیا ہے۔ متغیبرات D اور D درج ذیل حہار ممکن D تتب میں یائے جب سے ہیں۔

X	Υ
0	0
0	1
1	0
_1	1

ان حیار مکن صور توں میں ک کی قیم 0 یا 1 ہوگا۔

آئیں، جبدول ۱.۳ امسیں پیش کے گئے منطقی تف عسل پر غور کرتے ہیں جس کی تمام ممکنہ قیمتیں اسس جدول مسیں دی گئی ہیں۔ اسس مشال مسیں تائع متغیر Z کی قیمت صرف اسس وقت 1 ہجب X اور Y دونوں کی قیمت X ہے۔ یکی قیمتیں X اور Y کی ادر X کی ادر X کی کے بھی میں اسل ہوتی ہیں (ذیل دیکھیں)۔

$$0 \cdot 0 = 0$$
$$0 \cdot 1 = 0$$
$$1 \cdot 0 = 0$$

 $1 \cdot 1 = 1$

ای کی بن پر حبدول ۱٫۳ امسیں پیش تف عسل (اور عمسل) کو بوولین ضرب یا منطق ضرب کہتے ہیں۔ بوولین ضرب کو آزاد متغیبرات کے درمیان نقط۔" · "سے یا آزاد متغیبرات کو تشریب متسریب لکھنے سے ظاہر کمیاحبا تا ہے۔ یوں بوولین ضرب درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$Z=X\cdot Y$$
 $(Y_{\cdot,0})$ $Z=XY$ (بوولين خرب $Z=XY$

\overline{A}	В	С	
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

حبدول ۲.۳: تین متغیب ربوولین ضر ب

منطقی ضرب کے تصور کو وسعت دے کر متعد د آزاد متغب رات کے لئے بیان کیا حب سکتا ہے۔ منطقی ضرب کی عصومی تعسریف پیش کرتے ہیں۔ تعسریف پیش کرتے ہیں۔

توسريف: منطق ضرب اسس صورت 1 ديگاجب تسام آزاد متغيرات كي تيت 1 بو

حبدول ۲۰۳۷ کو مشال بناتے ہیں۔ اسس طسرح کے حبدول مسیں آزاد متغیبرات کی تمسام ممکنات لکھنے (یعنی آزاد متغیبرات کے مشال بناتے ہیں۔ اسس طسر مداحشل XX کو شنائی عبدد کے ہندہے تصور کر کے، حبدول کے مطاوب حنانوں مسیں صفر (00) تا تین (11) گستی کھیں۔ یوں پہلے صف مسیں XX کی جگہ 00 ،دوسری صف میں 10 ، تیسرے مسیں 10 اور آحسری مسیں 11 کھی حبائے گا۔

تین آزاد متغیرات کے منطق خرب نتاعل ABC کو جدول ۲۰۳۲ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ آپ دکیھ کے اتب دکیھ کئی ہے۔ آپ دکیھ کئے ہے (جو تین کسے ہیں کہ حبدول کے تین مداحنل کے حنانوں مسیں صف (000) تاسات (111) گسنتی کسی گئی ہے (جو تین ہددول کے شنائی اعدداد ہیں)۔

۳.۱.۲ منطقی جمع

حبدول ۳۳ اور حبدول ۳۳ مک اولین تین نستانگا ایک جیدے ہیں۔اسس مضابہت کی بناحبدول ۳۳ مسیں دیے گئے بوولین تقاعسل کو بوولین جمع یا منطقی جمع کہتے ہیں اور اسس بوولین تفساعسل کو جمع کے نشان " + " سے ہی ظاہر کسیا حباتا ہے۔یوں ۱۸ پوولین الجرا

X	Υ	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	2

X	Υ	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

حبدول ۴. ۳: دوشنائی اعبداد کاساده مجسوعی

جبد ول ٣٠,٣: دومتغير منطقي جمع

A	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

 $\begin{array}{c|c} X \mid Z \\ \hline 0 \mid 1 \\ 1 \mid 0 \end{array}$

حبدول ۲ بس: منطقی نفی یامتم

ب دول ۳.۵: تین متغب رمنطقی جمع

حب ول ۳٫۳ مسیں پیش بوولین جمع تف عسل درج ذیل لکھیا حسائے گا۔

(پوولین جمع)

$$(r.r) Z = X + Y$$

یہ بوولین نق^عل کی مساوات ہے جس کو عسام الجبرائی جمع ہر گزن۔ سمجھا حبائے۔ بالخصوص، بوولین جمع کرتے وقت یاد رہے کہ 1 + 1 + 1 ہے۔

بوولین جمع کے تصور کو وسعت دے کر متعدد آزاد متغیرات کے لئے بیان کیا حبا سکتا ہے۔ بوولین جمع کی عصومی تعسرین درج ذیل ہے۔

تعسریف: منطقی جمع اسس صورت 1 دیگاجب آزاد متغیرات مسین کم سے کم ایک متغیر کی قیمت 1 ہو۔

تین متغیبہ منطق جمع تف عسل کے Z = A + B + C جبدول ۵.۳ مسیں پیش کی آزاد متغیبہ منطق جمع تف عسل کے تین آزاد متغیبہ رات کے منطق جمع کا الجمرائی جمع کے ساتھ کوئی تعساق نہیں۔ یہاں جمع کی عسلامت بودلین جمع کو ظاہر کرتی ہے لہذا یہاں 1+1+1 ہوگا۔

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	$B \mid$	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حبدول ۸ سازتین متغیب ربوولین ملاث رک یجمع

حبدول ۷ سا: دومتغب رمنطقی بلاست رکت جمع

۳.۱.۳ منطقی نفی

بوولین تف عسل Z=f(X) کو تیسری مثال سے ہیں جہاں آزاد متغیر X اور تائع متغیر Z کا تعساق حبدول ۱۳۰۳ مسین پیش کیا گیا ہے۔

اسس تف عسل کو پوولین نفی کہتے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ در حقیقت، تابع متغیبر Z ، آزاد متغیبر کامتم ہے۔ یوں پوولین نفی درج ذیل ککھ حب اسکا ہے۔

$$(y,y)$$
 $Z=\overline{X}$ (y,y) $Z=\overline{X}$ (y,y)

بوولین نفی صرف ایک آزاد متغیر کے لئے بیان کیا حباسکتا ہے، اور اسس کی تعسریف درج ذیل ہے۔ تعسریف: بوولین نفی آزاد متغیر کامتم دیت ہے۔

۳.۱.۴ منطقی بلات رکت جمع

دو آزاد متغیبرات کاایب بودلین تف عسل حبدول ۲۰۳۰ مسیں دکھیایا گیا ہے، جس کا تائع متغیبراسس صورت 1 ہے جب صرف ایک آزاد متغیبرات دومتغیبرات بعیبرات تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔ تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔

تعسریف: طاق تعبداد کے آزاد متغیرات 1 ہونے کی صورت میں بودلین بلاشرک کا تائع متغیر 1 ہوگا۔

تین آزاد متغیر بلاشر کے جمع تفاعل کوحید دل ۸۰۳مسیں پیش کیا گیاہے۔

يا سير يوولين الجرا

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	В	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حبدول ۱۰ اس: تین متغیر بوولین ضید بلات رکت جمع

حبدول ۹ .۳: دومتغب رمنطقی ضد بلات رکت جمع

دواور تین آزاد متغیب ربوولین بلاسشر ک<u>ب</u> کی مساوا<u>ب</u> درج ذیل ہول گی۔

$$Z=A\oplus B$$
 (۴.۴) (۳.۴) (z^2-z^3) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4)

۳.۱.۵ منطقی ضد بلات رکت جمع

بوولین بلا شرکت جمع نف عسل کانفی (یعنی متم) اینے سے بوولین ضد بلا مشرکت جمع حسامسل ہو گا، جو دو اور تین آزاد متغیبرات کے لئے درج ذیل لکھا حساتا ہے۔

$$Z=\overline{A\oplus B}$$
 $Z=\overline{A\oplus B\oplus C}$ (تين متخب منطق ضر بايا شرکت تن

حبدول ۷.۳ اور حبدول ۸.۳ مسیں تابع متغیب رنفی کرنے ہے بالت رتیب دو اور تین بودلین ضد بلا سشر ک۔ تف عسل حسامسل ہوں گے جنہ میں حبدول ۱۹٫۳ اور حب ول ۱۰٫۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔

۳.۲ برقی تارول مسیں جوڑ کی وضاحت

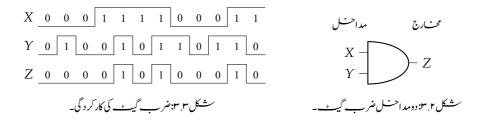
شکل ۱۰ اپر غور کریں جس مسیں برقی تاروں کے پہوڑ کی وضاحت کی گئی ہے۔

جہاں ایک تار دوسسری تار کے اوپر سے گزرتی ہو اور دونوں آپس مسین حبٹری ہوں، وہاں جوڑ کے معتام پر نقطے کانشان لگایا حباتا ہے۔ایک صورت مسین انہیں ایک تار تصور کیا جبائے۔

جہاں تاریں آپس مسیں حبٹری نے ہوں وہاں انہیں بغیبر نقطے کے نشان سے ایک دوسسری کے اوپر سے گزر تا د کھایا حباتا ہے۔ نقطے کے نشان کی غیب موجود گی مسین ان تارول کو دوعلیحہ داور بلاجوڑ تاریں سسجھاحبائے۔

تیب ری صورت بھی سشکل مسیں و کھائی گئی ہے جہاں عناط قبھی کا امکان نہیں پایا جباتا۔اسس مسیں ایک تار کا سسر دوسسری تار پر حستم ہو تا ہے۔ایی صورت مسیں انہیں ایک تار تصور کسیا حبائے (یعنی بید دونوں آ لیس مسیں حبٹری ہیں)۔ 

شکل است: تاروں کے پیچر قی جو ڑ۔



۳.۳ عبد دی گیب 🚅

بوولین الجبرائے تین اہم ترین تف عسل پر حسب ۱٫۳ مسیں غور کسیا گسیا۔ سیہ تف عسلات عسد دی برقسیات مسیں کلسیدی کردار ادا کرتے ہیں، جبال انہسیں عسد دی ادوار کی مدد سے حبامہ پہنایا حباتا ہے۔ سیہ مخصوص عسد دی ادوار، عسد دی گیٹ کہلاتے ہیں۔

۳.۳.۱ ضر گیٹ

منطق (بوولین) ضرب تف عسل کو ضرب گیٹ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جو مشکل ۲.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ آزاد متغیبرات، X اور Y ، ضرب گیٹ کی ہائیں حبانب ہیں جبکہ تائع متغیبر، Z ، دائیں حبانب ہے۔ آزاد متغیبرات کومداحشل جبکہ تائع متغیبر کو محسارج کہتے ہیں۔ دومتغیبر ضرب گیٹ (دومداحشل ضرب گیٹ) کے دو مداحشل اور ایک محسارج ہوگا۔ گیٹ، ضرب تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

شکل ۳.۳ مسیں دومداحنل ضرب گیٹ کی کار کردگی ترسیم کی گئی ہے، جہاں 0 کوپست اور 1 کوبلٹ دککسیرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ آپ و کیلی سے بین کہ محنارج صوف اور صوف اسس صورت بلند ہوتا ہے جب ضرب گیٹ کے تیس مداحنل بلند ہوں۔ ہم 0 کوپست اور 1 کوبلٹ بھی پکارتے ہیں۔ اسس مشکل مسین مداحنل کو کسی حناص ترتیب سے تیب دیل نہیں کہیا گیا۔

ضرب گیٹ کو مشکل ۳.۳ مسیں بطور عددی گیٹ یاعددی سونگی دکھسایا گیا ہے جہاں ایک داختلی پنیا کو ت ابو پنیا کا منام دیا گیا ہے جہاں ایک داختل پنیا کو ت ابو پنیا کا نام دیا گیا ہے جہاں ایک دوسرے کو (اب بھی) مداختل کہا گیا ہے۔ ضرب گیٹ کے حبدول سے واضح ہے کہ جب تک وت ابو پنیا 0 ہو، حنارتی پنیا 0 رہتا ہے۔ اسس صورت مسیں مداختل پر موجود مواد، حنارتی پنیا تک جب شہیں بھی تا گئی ملا، لینی اسس پر 0 یا 1 کا محنارج پر کوئی اثر نہیں ہو تا؛ ہم کہتے ہیں وت بو پنیا نے ضرب گیٹ کو معدور کر دیا داسس کے بر عکس اگر وت بو پنیا 1 ہوت دنارتی پنیا پر وہی کچھ ہوگا جو مداختل پر ہوگا؛ ہم کہتے ہیں ضرب گیٹ محباز کر دیا گیا ہے۔ وت ابو پنیا پر ایک یا صفحت سے داختلی اسٹارہ (مواد) کو حنارتی پنیا تک پنیا تا مسکن بینا المسکن بسنایا حباسا کا

بالب سربوولين الجبرا



شکل ۲۲. ۲۳: ضر _ گیٹ بطور سورنج ماایک بٹ گیٹ۔

	J.	ىنە	•		از	محب			J.	ىنە	•	
ت ابو	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0
مداحنل	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0
محنارج	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0
ششکل ۳.۵ خرب گیٹ کی کاد کر د گی۔												

ہے۔ یوں پ ایک دروازے کی طسرح کام کرتاہے، جس کی بنا پر پ گیٹ کہا تا ہے۔ ت ابوپنیا کو، معد ور اور محباز سنانے والا پنیا بھی کہتے ہیں۔ شکل ۵.۳ مسیں ضرب گیٹ کی کارکردگی دکھائی گئی ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ صرف محباز صورت مسیں مواد محنارج تک پہنچ یا تاہے؛معبذ ور صورت مسیں محنارج ہمیث پیت رہے گا۔

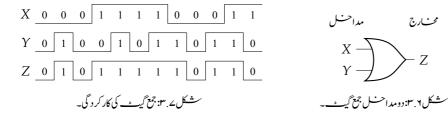
۳.۳.۲ جمع گیٹ

محنارج

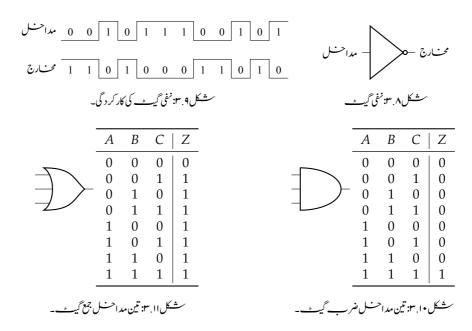
منطق جع (بوولین جمع)تف عسل کو جمع گیٹ ہے عمسلی حسامع پہنایاحہا تا ہے۔ دومداحسٰل جمع گیٹ شکل ۲٫۳ مسیں د کھسایا گیاہے۔ یہ گیٹ، جمع تف عسل کے حبدول کومطمئن کرتاہے۔

جمع گیٹ کی کار کر د گی شکل ۲۰۰ مسیں تر سیم کی گئی ہے۔ آپ د کچھ سے ہیں، جمع گیٹ کاممنارج اُسس صورت بلند ہوگا جب كوئي مداحن لبن د ہو۔

جمع گیٹ مسیں اگرایک پنیا کو ت ابوپنیا سسجھا حبائے توپیت مت ابو، گیٹ کو محباز بن اکر، داحنلی مواد کو محنارج تک پہنچنے کی احبازے دیتا ہے، جب بلٹ دت ابو کی صورت م^ٹیں محنارج لاز مأبلٹ درہتا ہے۔



٣٣.عــد دي گيــنــ



۳.۳.۳ نفی گیٹ

منی تف عسل کو منی گیہ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جس کی عسلامت مشکل ۸.۳ مسیں و کھائی گئی ہے، اور جو مواد کو محسان تاہے۔ اسس کی کارکر د گل مشکل ۹.۳ مسیں ترسیم کی گئی ہے۔ آپ و کچھ سکتے ہیں، منی گیٹ کا محسان تاسس کے مداحسل کا اُلٹ ہوگا۔ یہ گیٹ منی تفاعسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔ ۔

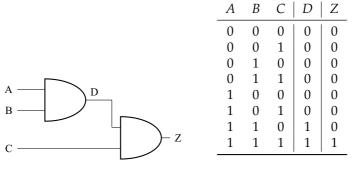
تنی تف عسل ایک آزاد اور ایک تائع متغیر رکھتا ہے، اہنے انفی گیٹ کا ایک مداحسٰل اور ایک محسارج ہوگا۔

۳.۳.۴ متعددمداحنل گیٹ

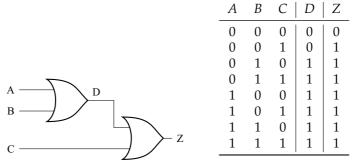
ضرب گیٹ اور جمع گیٹ کے متعد د مداخشل ہو سکتے ہیں (تاہم ،ان کا محنار ن آیک ہوگا)۔ شکل ۱۰ امسیں تین مداخشل مخرب گیٹ اور حبدول ، گھر ، المسیں تین مداخشل بحق گیٹ اور حبدول دکھائے گئے ہیں، جبال A ، اور ک مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل بلت موں ، جبکہ مداخشل بلت ہوں ، جبکہ بھی گیٹ کامختار ن اسس صورت بلت ہوگاجے کوئی بھی مداخشل بلت ہو۔

شکل ۱۲.۳ مسیں دو ضرب گیٹ یوں جوڑے گئے ہیں کہ ایک کا محتارج دوسرے کے مداحنل سے حبر اُ ہے۔ ساتھ کا کواسس دور کا بولود لین حبد ول دیا گیا ہے۔ پہلے حبد ول استعال کے بغیبر اسس دور کو سیجھنے کی کوشش کرتے ہیں۔ محتارج کا اسس صورت بلند ہو گاجب دائیں گیٹ کے مداحنل C اور D دونوں بلند ہوں لیکن D بلند ہونے کے ضروری ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل A اور B دونوں بلند ہوں ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل میں محتارج کے مداحن کے مداحن کے مداحن کے مداحت کے مداحت کے مداحت کی صورت مسین محتارج کے کہ بائیں گیٹ مداحت کے مداحت کی حیات ہے۔

٣٨ پيرولين الجبرا



شکل ۱۲ سے: دومداحنل ضرب گیٹ سے تین مداحنل ضرب گیٹ کا حصول۔

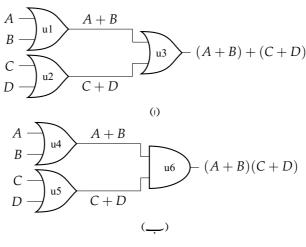


شکل ۱۳ برومداخنل جمع گیٹ سے تین مداخنل جمع گیٹ کاحصول۔

آئیں اب حبدول کو مسیحتے ہیں۔ تین مداحن ABC کے حنانوں کو تین ہند موں کے شنائی اعمداد 000 تا 111 کے گریں۔ اس کے بعد بائیں ضرب گیٹ کے محناری D کے حنانی پُر کریں۔ یاد رہے کہ سے صرف A اور B پر مخصر ہے اور صوف اسس صورت بلند ہوگا۔ اسس کے بعد دائیں ضرب گیٹ کے محناری Z کے حنانے پُر کریں۔ سے صرف C اور D پر مخصر ہے ، اور بلند صرف اسس صورت ہوگا۔ سے مورت ہوگا۔ س

سٹکل ۱۳.۳ مسیں دو مداحنل جمع گیٹوں سے تین مداحنل جمع گیٹ کا حصول دکھیایا گیا ہے۔ یہاں Z صرف اسس صورت پہت ہوگا جہت ہوگا جہتے ہے۔

٣.٣ عبد دی گیٹ



<u> مشکل ۱۲ بین جمع اور ضر ب گیٹ کے ادوار۔</u>

جمع گیٹ اور ضرب گیٹ پر مسبنی، شکل ۳۴، ۱۳ امسیں د کھائے گئے ادوار کو مشال بن کر،عد دی ادوار حسل کرنا سیکھتے ہیں۔

آئیں اب شکل ۱۳۰۳ – سل ہیں۔ یہاں 4u اور u5 کو نارج بالت رتیب A+B اور C+D دیں گے۔ چونکہ کال خرب گیٹ ہے، لہندا اسس کامختاری (A+B)(C+D) دیگا۔

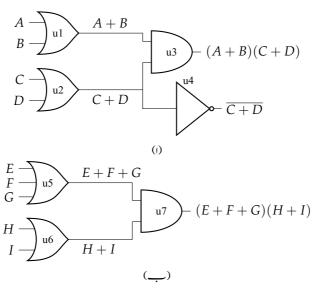
سٹ کل ۱۵۔ الف میں u2 کا محت رخ u3 کا محت رخ u4 کے مداحت الور u4 کے مداحت اللہ سے میں u5 کا محت رخ u4 کا محت رخ بالہ u5 کا محت رخ بالہ u6 کے محت رخ بالہ کا کا محت رہے ہے کہ کہ محت رہے گا کہ کا محت رہے گا کہ کے محت رہے گا کہ کا محت رہے گا کہ کے کہ کا محت رہے گا کہ کے گ

آپ شکل ۱۵٫۳ - ب کاحسل، شکل کود کیر کر سجھ کتے ہیں۔

۳.۳.۵ ضرب متم گیٺ اور جمع متم گیٺ

شکل ۱۹.۳-الف میں تین مداحسل ضرب گیٹ کامحساری ABC ہوگا،جو نفی گیٹ کامداحسل ہے، اہنے انفی گیٹ کامحساری کی مداحسل کے لئے علیحہ و گیٹ بین اور جو شکل سیس نین مداحسل کے لئے) و کھا یا گیا ہے۔ ضرب متم گیٹ کے حبدول کامتم کینے سے ضرب متم گیٹ کے حبدول کامتم کینے سے ضرب متم گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای شکل مسین پیش کیسا گیا ہے۔

سب. بوولين الجبرا باب س. بوولين الجبرا



مشکل ۱۵ بس: گیپٹوں کادوسسرادور۔

$$Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$$
 دومداخت ن خرب متم گیند کی مصاوات درن ذیل ہوگی، جہاں X اور Y مداخت ن جب کہ کاری ہے۔ $Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$

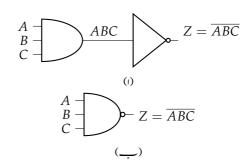
شکل ۱۲-۱-الف میں تین مداحن جمع گیٹ کا محنارج کا جمنارج کا جمنارج کا مجاوا ہو نفی گیٹ کامداحن ہے، اہندا نفی گیٹ کا محنارج کا محمارج کا محنارج کا محنارج کا محمارج کی محمارج کا محمارج کی محمارج کی محمار کی مح

دومدا حسٰل جمع متم گیٹ کی مساوات درج ذیل ہو گی، جہاں X اور Y مداحسنل جب کے مضارح ہے۔

$$(r.2) \hspace{1cm} Z = \overline{X + Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y} \hspace{1cm} (\rho^{z_0} \partial_z^z)$$

 ۳.۳ عبد دی گیٹ

A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

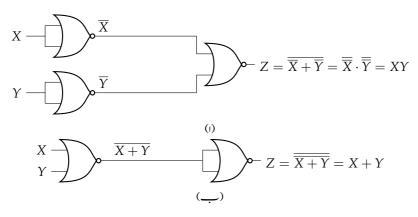
$$\begin{array}{c}
A \\
B \\
C
\end{array}$$

$$A + B + C$$

$$A = A + B + C$$

$$C = A + B + C$$

۳۸ باب س. بودلین الجبرا



شکل ۱۹ به: جمع متم سے (۱) ضرب گیٹ اور (ب) جمع گیٹ کا حصول۔

شکل ۱۹.۳-الف مسیں تین جمع متم گیٹ یوں جوڑے گئے ہیں کہ XY = Z حاصل ہو، جو ضرب گیٹ کی کار کر دگی ہے۔ یوں جمع متم گیٹوں سے ضرب گیٹ ساصل ہوگا۔

شکل ۱۹.۳ - ب مسین جمع گیٹ کا حصول د کھایا گیا ہے۔ اسس کامخنارج Z=X+Y ہے۔

شکل ۲۰٫۳ مسیں ضرب متم گیٹ سے (۱) جمع گیٹ اور (ب) ضرب گیٹ کا حصول د کھایا گیاہے۔

٣.٣.١ بلا شركت جمع گيب اور بلا شركت جمع متم گيب

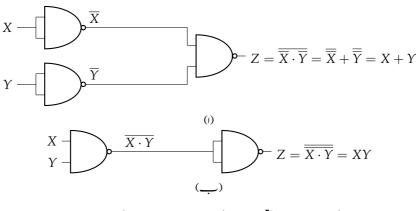
بلا شرک جع تف عسل کو بلا شرک جمع گین سے حساس کیا جباتا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہے، مشکل ۲۱۳-الف مسین پیش کے گئے ہیں۔ای طسر کا بلا شرک جمع متم (یاضد بلا شرک جمع) تف عسل کو بلا شرک جمع متم گین دول اور بلا شرک جمع میں گین ضد بلا شرک جمع گین کی مدوے حساس کیا حباتا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہیں۔

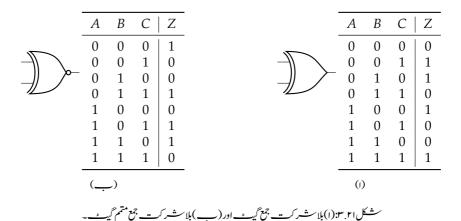
بلا سشرکت جمع گیٹ کے محتارج کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کرنے سے بلاسشرکت جمع متم گیٹ حساس کسیا حباسکتا ہے۔ بلاسشرکت جمع گیٹ کی کارکرد گی مشکل ۲۲٫۳ مسیں وکھائی گئی ہے، جہاں X اور Y مداحشل جبکہ Z محتارج ہے۔

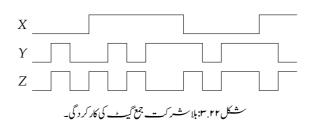
تین مداحنل بلاسشرکت بھٹ گیٹ کا محنارج حسامسل کرنے کے لئے اسس کے کمی دو مداحنل کا بلاسشرکت بھٹ حسامسل کریں اور حسامسل جواب کا تیسسرے مداحنل کے ساتھ بلاسشرکت جع لیں۔ یمی بلاسشرکت جع ہو گا۔متعدد مداحنل بلاسشرکت بھٹا گیٹ کامحنارج اسس صورت بلند ہوگاجیب بلندمداحنل کی تعداد طباق ہو۔

آ ہے ہے گزار ش ہے کہ مذکورہ بالا تف عسلات اور گیپٹول کوا چھی طسرح مستجھیں اور ذہن نشین کریں۔

۳٫۳ عـــد دی گیــنــ







۲۰ باب س. بوولین الجبرا

ہ سے برقی خواص

گیٹ (کا محنارج) اسس صورت بلند تصور کیا جباتا ہے جب اسس (کے محنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے زیادہ ہو۔ سے قیمت بلند حنار جی برقی دباو $V_{\rm OH}$ کہا تی ہے۔ بلند صورت مسیس گیٹ محنارجی پنے پرایک مخصوص قیمت تا برقی روحنارجی (مہیا) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (مہیا) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند کر ان کابلند کر سکتا ہے، جو گیٹ کی سکتا ہے، جو گیٹ کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کر کابلند کا

گیٹ (کامخنارج) اسس صورت پیت تصور کسیاحباتا ہے جب اسس (کے مخنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے کم ہو۔ سے قیمت پنے پر ایک مخصوص قیمت یا اسس سے کم ہو۔ سے قیمت پنے پر ایک مخصوص قیمت تا برقی رو ایک کہا تا ہے۔ قیمت تک برقی رو حب نے برگارے کی ایک سے حضار تی برقی رو ایک کہا تا ہے۔

 V_{IH} گیٹ ایک مخصوص قیمت اور اسس سے زیادہ داختلی برقی دباو کوبلٹ د تصور کرتا ہے۔ اسس برقی دباو کوبلٹ د داختلی برقی دباو کہتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کارٹی کی حن طب در کار برقی رو کوبلٹ د داختلی برقی رو کاربر کی دباور کاربرقی رو کوبلٹ کارٹ کی دباور کوبلٹ کی دباور کی کر کی دباور کی دبا

 V_{IL} گیٹ ایک مخصوص قیت اور اسس سے کم داخنلی برتی دباو کو پست تصور کرتا ہے۔ اسس قیت کو پست داخنلی برتی دباو I_{IL} کے ہیں۔ کتے ہیں۔ ایک میں ایک مداخنل کو پیست کرنے کی حین اطب ردر کاربر تی رو کو پیست داخنلی برتی رو کا ہیں۔

گیٹوں کو آپس مسیں برقی تاروں ہے جوڑا حباتا ہے۔ کبھی کبھار ان تاروں مسیں، حبائے استعال پرپائے حبانے والے تغییر پذیر برقی ومقت طبیعی میدان کی وحب ہے، غییر ضروری اور ناپسندید ہرتی دباوپیدا ہوتا ہے جے برقی شور کہتے ہیں۔ ایک گیٹ کے پیت حنار جی برقی دباوے ساتھ ہے۔ شور جمع ہو کرا گلے گیٹ کے پیت داحنی برقی دباوے تحباوز کر سکتا ہے۔ ای طسر ح برقی شور بلند حنار جی برقی دباوے نفی ہو کر بلند داحنلی برقی دباوے کم ہو سکتا ہے۔ ان دونوں صور توں مسیں اگلا گیٹ غیسر متوقع نتار کجور کلا۔

 V_{NH} بلند حنار تی برقی دباو کی قیست، بلند داحنلی برقی دباو کی قیست سے زیادہ ہوتی ہے۔ ان کے منسرق کو بلند شور گنجب کشش V_{NH} کتے ہیں (مشکل ۲۳۳۳ میکسیں)۔

$$(r.\Lambda)$$
 $V_{NH} = V_{OH} - V_{IH}$

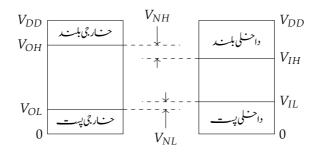
 V_{NL} پ سے حضار جی برقی دباو کی قیمیں، پ سے داحنی برقی دباو کی قیمیں ہے کم ہوتی ہے۔ ان کے مضرق کو پ سے شور گنج اکٹس V_{NL}

$$V_{NL} = V_{IL} - V_{OL}$$

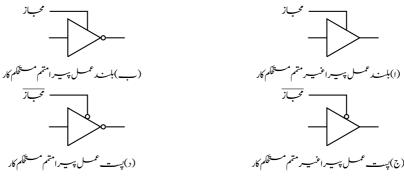
سشکل ۲۳.۳ مسیں V_{DD} گیٹ کو مہیا کر دوبر تی دباوہ جے جے اسس کتاب مسیں مثبت پانچ وولٹ $(5\,\mathrm{V})$ تصور کیا گیا ہے جبکہ 0 سے مسراد صغف روولٹ برقی دباو (لیخی برقی دباو (لیخی برقی دباو کھی کے۔

پ سے داحنی برقی دباو اور بلند داحنل برقی دباوے نج سعت (V_{IH} تا V_{IL}) معنی نہیں رکھت اور غیب رمتوقع صور سے پیدا کر سکتا ہے ، لہذاء سد دی احضارات اس خطہ کو استعمال نہیں کرتے۔ گیٹ اپنے محناری کو تب تک بلند رکھ سکتا ہے جب تک سے دری ابنی) بلند د حناری برقی روحہ پیا کر تا ہو۔ ای طسر ت گیٹ اپنے محناری تب تک پیت رکھ سکتا ہے جب تک گیٹ (اپنی) پست حناری برقی روحہ پیا اس سے کم روحب ذب کرے۔ ایے معتام کر جہاں گیٹ ان حدود کے اندر نے رہ سے ، ایسا تو انا گیٹ نسب کسیاحبائے گاجوزیادہ برقی روحناری یا (اور) حبذ ب کر سے۔ سے تو انا گیٹ اسٹ کے دیے تو کر کے ہیں۔

٣٠٣ گيڻوں کے برقی خواص



شکل ۲۳ به: شور کی گنجائث کا تخمین۔



شکل ۲۲ ابنا: محساز ومعسذ ورصالاحیت کے مستحکم کار۔

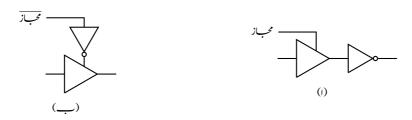
.۴.۴ مستحکم کار

جیااذ کر ہو،امستخلم کاروہ تواناگیٹ ہے جو زیادہ برقی روحنارج اور حبذ بر سکتا ہے۔اسے عصوماً اسس معتام پرنسب کیا حباتا ہے جہاں در کاربرقی روعنام گیٹ کے برقی روکی حسدود سے تحباوز کرتا ہو۔عصوماً مستخلم کار محباز و معنذور ہونے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔

مستقکم کار کی مختلف اقسام کی عسلامتیں شکل ۲۴٫۳ مسیں دکھائی گئی ہیں۔ مجباز کردہ مستقکم کار، داحسنی مواد کو حسارج کر تا ہے جبکہ معسنہ ور کر دہ مستقلم کار منقطع سونچ کی طسرح دونوں اطسران کے ادوار منقطع کر تا ہے۔معسنہ در مستقلم کار "زیادہ رکاوٹی حسال" اختیار کرتے ہوئے نے 0 اور سے 1 حسارج کرتا ہے۔

محباز ومعنے در صلاحیت کے مستخلم کار بطور برقی سونگی کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۴۳۳ ااور بے کے مستخلم کار کو منقطع کرنے کی حناطب ("محباز"کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا۔ شکل – ن اور د مسیں مستخلم کار کے محنار ن کو مداحن کے منقطع کرنے کی حناطب ر تجباز برقی احضارہ کو بلند کسیا حبائے گا۔ مسزید، شکل ب اور د

الب ٣٠ بوولين الجبرا



مشکل ۲۵ به: نفی گیٹ استعال کرنے سے دیگر مستحکم کار ساسس کیے حباتے ہیں۔

مسیں مینارج پرداحنلی اسٹارے کامتم ساسل ہوگا۔ انہیں وجوہات کی بینا پر شکل ۲۴،۳ اکادور بلند علی پیرا غیر متم متحکم کارا، شکل - ببند علی پیرا متم متحکم کارا، شکل ج پیرا غیر متم متحکم کارا، اور شکل - دیست علی پیرا متم متحکم کارا، سات ہیں۔

شکل ۲۲.۳ - الف کے مستخکم کار کے محسان کو نفی گیٹ سے منسلک کر کے شکل - ب کا مستخکم کار حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - الف دیکھیں) جس کا محسارج داحسنی احسارے کا متم ہو گا۔ ای طسرح شکل ۲۴.۳ - الف کے صابواٹ رہ (محباز) سے پہلے نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل ج حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - بدیکھیں)۔ شکل ۲۲.۳ - الف کے صابواٹ ارد (محباز) سے پہلے اور محسار ج کے بعد نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل درساسسل ہوگا۔

بلند عمسل پیپراغنی مستحکم کار (شکل ۲۴.۳ - الف) کی کار کرد گی حید ول ۱۱.۳ - الف مسین پیش کی گئی ہے۔ غیبر محباز مستحکم کار کا محساری "بلند رکاوٹی حیال "مسین ہوگا۔ حید ول - الف کی اولین دوصف اسس صورت کو ظاہر کرتی این؛ چونکہ غیبر محباز حسال مسین مداحسل کی قیمت نشائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حید ول مسین برسے ظاہر کسیا ؟ حیاتا ہے (جب ول مسین برسی مداحسل کی قیمت نشائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حید ول مسین برسی کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہے (جب ول میں کا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا کی حیاتا کی انہیں برسی کا کوئی اثر نہیں پایا

حبدول سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ "محباز" کو پیت (0) کرنے سے مستحکم کاربلٹ درکاوٹی حسال اختیار کر کے، محسارج سے حسارج پر وہی مواد حسارج ہوگا جو مداحسل پر مہیا کی حبائے۔ حبائے۔ حبائے۔

active high non inverting buffer active high inverting buffer

active low non inverting buffer

active low inverting buffer

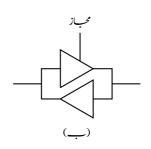
۸ بسر گیٹوں کے برقی خواص

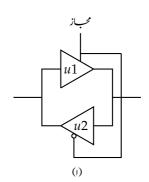
حبدول ۲۱.۳۱ بلند عمل پیسراغیسرمتم مستحکم کارکی کارکردگ۔

	(<u> </u>)						
محباز	مداحنل	محنارج					
0	x	بلٺ ر کاوڻي حسال					
1	0	0					
_ 1	1	1					

محباز	مداحنل	محنارج
0	0	بلن ركاوڻي حسال
0	1	بلن ركاوڻي حسال
1	0	0
1	1	1

(1)





مشكل ٣٠٢٢: دوط سرف مستحكم كار ـ

معن ذور ہو گالہاندامواد دائیں سے بائیں منتقت ل ہو گا۔

ای طسرح متم دوطسرون مستحکم کاربھی بنایاحباتاہے، جومواد کامتم منارج کرے گا۔

مستحکم کار اور متمم مستحکم کارے مداحن آگیس مسیں جوڑنے سے ان کے محسارج پر تف دحسال حساس کیے حباسکتے ہیں؛ مشکل ۲۷۔۳۔ الف دیکھیں۔ مشکل - ب مسین اسس کی عسلامت پیشس کی گئی ہے۔

۳.۴.۲ مخنلوط ادوار

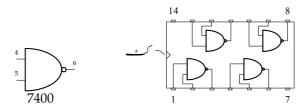
عام دستیاب موں گرجنہ متم گیٹ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ برقیاتی ادوار، عسوماً، ای طسر آ فی مسیں بند دستیاب ہوں گے جنہ میں مختلوط دور کہتے ہیں۔ مختلوط ادوار پر مختلوط دور کااعب ادی نام مشلاً 7400 درج ہوگا: اسس عدد کے ہند موں کے پی اطسران پر حسرون بھی ہوں گے جو اصنافی معسلومات منسراہم کرتے ہیں۔ ساتھ ہی ڈلی پر دوسسرا عدد مختلوط دور تسیار کرنے کی تاریخ دے گا۔ مشلاً بہاں دوسسرے عدد کے مطبابق سے مختلوط دور سن 1976 کے پینت الیسویں (45) ہنتے مسیں کار حن نے مسیں تسیار کسیا گئی۔ جیب سشکل مسیں دکھیا گیا ہے، اسس مختلوط دور

ڈبی پر ''کٹ'' کے نشان سے گھٹڑی محنالف رخ پنیے گننے حباتے ہیں۔ گیٹ کی عسلامت مسیں پنیے پر لکھاعہ د ڈبی

۲۰۰۰ باب سب بوولین الجبرا



شکل ۲۷.۳: اشاره اور ارشارے کامتم دیت المستحکم کار۔



مشكل ٣٠٢٨: مختلوط دور 7400

مسیں اسس پنیے کامت میں دیت ہے۔ یول گیٹ کے حسار بی پنیے پر 6 اسس پنیے کاڈبی مسیں مقت ام دیت ہے۔ گیٹ کاحت کہ بن تے وقت اسس کے قسم یہ مسلوط دور کانام (یانمب جو یہاں 7400 ہے) بھی کھے حباتا ہے۔

چېند مختلوط ادوار درج زيل بين۔

دْ بِي مسين گيــوْل كي تعـــداد	گیٹ	نام
4		7400
4	دومداحنل جمع متمم	7402
6	شفی	7404
6	متمم مستحكم كار	7406
4	دومدٰا ^{حن} ل ٰضرب	7408

مثق ا. ۳۰: انٹرنیٹ سے مندر حب بالا تمام محناوط ادوار کے معلوماتی صفحاتی مسلم است کریں اور ان مسیں علیمہ دہ معلوماتی صفحات مسیں بکتشر سے مواد موجود ہو گا جنہسیں دیکھ کر پریشان مسے مواد موجود ہو گا جنہسیں دیکھ کر پریشان مسے ہوں۔

datasheet²

آپ نے کئی مختلوط ادوار جبدول ۲۸۳ مسیں دیکھے جن کے نمب 74 سے شعروع ہوئے۔ دراصل 74xx مختلوط ادوار کا ایک سلمہ بی محتلوط ادوار کا انہوں سلمہ بیا گیا۔ انہوں سامسل کیا گیا۔ انہوں سامسل کیا گیا۔ ان اعداد (74xx) کا اذخود کوئی مطلب نہیں۔ ای طسرح کا دوسسراسلمہ 40xx پاراحیا تا ہے، جس مسین تمام مختلوط ادوار کے نمب 40 سے مشروع ہوتے ہیں۔

مختلوط ادوار سے کار کردگی حساس کرنے کے لئے ان کوبرتی دباو مہیا کرنالازم ہے۔ سلسلہ 7400 کے تمسام مختلوط ادوار مثبت کیسے سمتی بائی وولٹ (5 V) پر کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھائے گئے مختلوط دور کو یک سمتی برتی دباو پنیا است (7) اور چودہ (14) پر مہیا کہا حبائ گا، جہاں پنیا 14 مثبت ہوگا۔ جن دوبانوں پر مختلوط دور کوبرتی طاقت مہیا کی حباتی جبان کی حباتی جبان کی حباتی کی حباتی ہیں۔

مثق ۲۳: انٹرنیٹ سے سلمہ 40xx مسیں دستیاب حپارمداحسل ضرب گیٹ محسلوط دور کانمب ر دریافت کریں۔اسس محسلوط دور کو کتسابر تی دباو در کار ہوگا؟

۳.۵ بوولین تف عل کاتخمین

منطقی ضرب، جمع، نفی تف عسل کے جبدول آپ نے دیکھے۔ منطقی تف عسل کے حبدول کواسس کتاب مسیں منطقی حبدول کہا حبائے گا۔ کہا حبائے گا۔ منطقی تف عسل کا تخمیت لگانے مسیں منطقی حبدول نہایت کارآ مد ثابت ہوگا۔ بودلین تف عسل کا تخمیت لاگاتے وقت (اسس کے) آزاد پودلین متخب رات کی تمام ممکن قیمتوں کو ترتیب دار ککھ کر تف عسل حسل کسیا حبائے گا۔

۳.۵.۱ بوولین تف عسل کا تخمین ب

بودلین تف عسل کا تخمین ہوگئے کی حن طسر ہم بودلین تف عسل $Z=A+B\overline{C}$ کومث ال لیتے ہیں۔ اسس تف عسل کے تین آزاد متخب رات میں، لہذا تین ہند سول کے تیس مثن کی اعبداد کلھ کر آزاد متخب رات کی تسام ممکن ترتیب کا حب دول کھتے ہیں۔

A	В	С
0	0	0
0	0	1
0	1	0
0	1	1
1	0	0
1	0	1
1	1	0
1	1	1

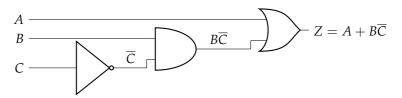
تف عسل مسیں C کی بحب کے \overline{C} استعمال ہوا ہے، المبند احب دول مسیں \overline{C} حسن ہے مصاب کرتے ہیں۔ پہلی صف مسیں C مسیں C کی قیمت C کی تیمت کوئی قطب ارمین بہلی مستخبرہ کے درئ کرتے ہیں۔ یادر ہے کہ C اور C ایک بی مستخبرہ کے دو پہلی وہیں، المبند استخبرات کی تعبد او تین رہے گی۔

A	В	С	\overline{C}
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

تف عسل کی قیمت حساصس کرنے کی حساط سر B اور \overline{C} کا منطق ضرب $B\overline{C}$ در کارہے، اہلیذاصف در صف B اور \overline{C} کی (مطابقتی قیمتوں کی) منطق ضرب لے کرنئی قط ارمسین (مطابقتی صف مسین) درج کرتے ہیں۔

A	В	С	\overline{C}	$B\overline{C}$
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	1	1
_ 1	1	1	0	0

اب بوولین تف عسل $A+B\overline{C}$ کی قیمت حساس کرتے ہیں۔ جبدول مسیں ایک نیاحت شامسل کرتے ہیں، جس مسیں A اور $B\overline{C}$ کا منطق جمع درج کے جبائے گا۔



شکل ۳.۲۹: تف $a - b \overline{C}$ کوعب دی دور $A + B \overline{C}$

A	В	С	\overline{C}	$B\overline{C}$	$A + B\overline{C}$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

اسس حبدول مسیں دایاں حن نے (قطار) دیے گئے بوولین تف عسل کی قیمت دیت ہے۔ یہ آزاد متغیرات کی تین ممکن قبیق کے لئ ممکن قبیتوں کے لئے 0 اور باقی تمام کے لئے 1 کے برابر ہے۔ اسس تف عسل کا منطقی گیٹوں کے ذریعہ حصول مشکل ۲۹٫۳ مسین و کھایا گیا ہے۔

C درن بالاحبدول مسیں کی بھی صف مسیں A ، B ، اور C کی قیمتیں اسس دور (شکل ۲۹.۳) کو مہیا کرنے سے دور ، ای صف مسیں دی گئی، تف عسل کی قیمت دے گا۔ یوں پہلی صف مسیں C = 0 ، C = 0 ، اور C = 0 ہیں جن کے لئے، عسین حبدول کے مطبابی، C = 0 ، اور C = 0 ہیں جن کے گئے، عسین حبدول کے مطبابی، C = 0 میں جن کے گئے، عسین حبدول کے مطبابی، C = 0 میں جوگا۔ سیسل ہوگا۔

۲. ۳ قوسین میں ہند بوولین تفاعل

روز مسرہ الجبرا کی طسرح بوولین الجبرامسیں بھی قوسین مسیں بند تف عسل بیلے حسل کئے حباتے ہیں۔

مثال است: تناعبل $\overline{A} + B(\overline{B} + A)$ مثال است:

حسل: تفعس مسین دو آزاد متغییرات بین المهذا دو بهندسول پر مسبنی شنائی گسنتی لکھ کر آزاد متغییرات کی تمسام ترتیب حسامسل ہوں گی۔

A	В
0	0
0	1
1	0
1	1

تف عسل مسیں دونوں متغیبرات کے متم استعال ہوئے ہیں لہنہ احب دول مسیں ان کے حنانے بناتے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0	0

اب قوت بن مسین سند حصہ $(\overline{B}+A)$ کانٹ بناتے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	1	0	0	1

 $B(\overline{B}+A)$ اور $B(\overline{B}+A)$

A	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$
0	0	1	1	1 0 1 1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	1	1

اب بم مکسل بوولین تف عسل کی قیب ساسل کر سے ہیں۔ تف عسل کرنے کی حساس کرنے کی حساس کر نے کی حساس کر اور $\overline{A}+B(\overline{B}+A)$ ور \overline{A} کا منطق جمع ساسل کر ناہوگا۔

A	В	Ā	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$	$\overline{A} + B(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1 0 1 1	0	1
0	1	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	1

ے. س بوولین الجبراکے بنپادی قوانین _ا

بوولین الجبرا کے پانچ بنیادی قوانین مندر حب ذیل ہیں۔

ا اگر X
eq X ہوت= 1 ہوگا،اور

ا اگر $X \neq X$ ہوتہ X = 0 ہوگا۔

س منطقی جمع

0 + 0 = 0

0 + 1 = 1

1 + 0 = 1

1 + 1 = 1

۾ منطقي ضرب

 $0 \cdot 0 = 0$

 $0 \cdot 1 = 0$

 $1 \cdot 0 = 0$

 $1 \cdot 1 = 1$

۵ منطقی نفی

$$\overline{0} = 1$$
 $\overline{1} = 0$

اگر حب سے پانچ توانین نہایت سادہ معسلوم ہوتے ہیں، ان سے مکسل بوولین الجیرا اخت کسیا حباسکتا ہے۔ بوولین الجبرا ک چند قوانین حبدول ۱۲٫۳ - الف اور ب مسیں پیش کیے گئے ہیں۔ سے تمسام درج بالاپانچ بنیادی قوانین سے اخت ذکیے حبا سکتے ۱۲٫۲۔

بوولین مساوات ثابت کرنے کا ایک اہم طسریقہ پوولین حبدول سے اخسذ کرنے کا طسریقہ کہلا تا ہے۔ آئیں، درج بالا مسین سے چند قوانین اسس طسریقہ سے حساصل کریں۔

مثال ۲۰۰۲: حبدول ۱۲۰۳۳-الف کی شق 1 کوبودلین حبدول کی مدد سے ثابت کریں۔

حسل: اسس شِق کے بائیں ہاتھ، X واحد متخب رہ ہے۔اسس کے بودلین حبدول مسین دواندراج 0 اور 1 ہول گے،جوایک ہندی شنائی عبد دکی تب ممکن قیمتیں ہیں۔

باب سر بوولين الجبرا

حبدول ۱۲ ستابوولین الجبراکے چین دبنیادی قوانین۔

(ب) دو سراپہلو۔

(۱)پہلاپہلو۔

شِق	مساوات
1	1 + X = 1
2	0+X=X
3	$X + \overline{X} = 1$
4	X + X = X
5	X + Y = Y + X
6	(X+Y) + Z = X + (Y+Z)
7	X(X+Y)=X
8	X + XY = X
9	XY + XZ = X(Y + Z)
10	$X(\overline{X} + Y) = XY$
11	$(X+Y)(Y+Z)(\overline{Y}+Z) = (X+Y)Z$
12	X + YZ = (X + Y)(X + Z)
13	$\overline{\overline{X}} = X$

	•
شِق	مساوات
1	$0 \cdot X = 0$
2	$1 \cdot X = X$
3	$X \cdot \overline{X} = 0$
4	$X \cdot X = X$
5	$X \cdot Y = Y \cdot X$
6	$(X \cdot Y) \cdot Z = X \cdot (Y \cdot Z)$
7	X + XY = X
8	X(X+Y)=X
9	(X+Y)(X+Z) = X+YZ
10	$X + \overline{X}Y = X + Y$
11	$XY + YZ + \overline{Y}Z = XY + Z$
12	X(Y+Z) = XY + XZ
13	$\overline{\overline{X}} = X$

 $\frac{X}{0}$

 $0\cdot X$ اور $0=1\cdot 0$ ورج ہوں گے۔ $0\cdot X$ کاحنات شامل کرتے ہیں، جس مسیں $0=0\cdot 0$ اور

 $\begin{array}{c|c} X & 0 \cdot X \\ \hline 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{array}$

اسس حبدول کی دائیں قطب رکہتی ہے کہ $X\cdot X$ ہمیشہ 0 ہوگا۔ ہم یمی ثابت کرناحیاتے تھے۔

اسس طسرح کے سوال، جن مسیں ایک متغیرہ X کو مشقل عدد C سے منطق ضرب دیت ہو، کی متدم با متدم C کیتے ہیں۔ متغیرہ X کے تسام مکن۔ قیموں کے حبدول مسیں مشتقل C کی قطبار شامسل کریں۔ موجودہ مشال مسیں مشتقل C کی قطبار شامسیں تمسام اندراج کی قیمت C ہوگی۔

 $1 - X \cdot 0$ کی قطبار شامب کریں۔

С	X	$C \cdot X$
0	0	0
0	1	0

 $0 \cdot X = 0$ ہوگا۔ $0 \cdot X = 0$ ہوگا۔

مثال ٣٠٣: حيدول ١٢٠٣-الف كيشِق 2 كوبوولين حيدول عاب رس كرين-

حسن: اسس شِق کے بائیں ہاتھ X واحد متغیرہ، جبکہ 1 متقل ہے۔ متغیرہ کا بودلین حبدول لکھتے ہیں؛ ساتھ ہی متقل 1 کی قطبار مسین 1 کی قطبار شامل کرتے ہیں، جس کے تمام اندراج کی قیمت 1 ہوگی۔ آحضر مسین 1 کی قطبار شامل کرتے ہیں۔

1	X	$1 \cdot X$	1	X
1	0	0	1	0
1	1	1	1	1

 $1 \cdot X = X$ اور X کی مط بقتی قیمتیں ہمیث ہایک جبیعی ہیں، لہذا ثابت ہوا کہ X = X ہوگا۔

مثال ۲۰۰۳: $\overline{X} = 0$ ثابت کری دسل:

$$\begin{array}{c|cccc}
X & \overline{X} & X \cdot \overline{X} \\
\hline
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 0
\end{array}$$

مثال ۲۰۰۵: ثابت کرتے ہیں کہ X=X ہوگابو X ہوت ہوت X = 0 ہوگابو X ہوگابو X کے برابر ہے۔ ای طسرح X = X کی صورت مسین X = X ہوگابو X = X ہوگابو X = X ہوگابو X = X ہوگابو کے برابر ہے۔ این نے دیکھ کہ X = X کی تمام قیتوں کے لئے ہے۔ فعت رہ درست ہے۔

مثال ۳.۲: فتره $\overline{\overline{X}}=X$ ثابت کریں۔ حسل:

$$\begin{array}{c|cc}
X & \overline{X} & \overline{\overline{X}} \\
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 1
\end{array}$$

باسس مع يوولين الجبرا

مثال
$$X$$
. البي کرین که $(0+X=X)$ ، مثال X . البی کارین که $(0+X=X)$

0	X	0+X
0	0	0
0	1	1

دائين دوقط ارايك جيسے بين الها ذا ثبوت پورا ہوا۔

$$(1 + X = 1)$$
 ثابت کریں۔ حسل:

1	X	1+X
1	0	1
1	1	1

دائیں دو قطار ایک جیسے ہیں لہذا ثبوت پوراہو تاہے۔

مثال ۳.۹: فعتره
$$X + Y = Y + X$$
 ثابت کریں۔ حسل:

X	Υ	X+Y	Y + X
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	1

دائيں دو قطب ايک جيسے ہيں الہذا ثبوت پوراہو تاہے۔

$$X(Y+Z)=XY+XZ$$
 مثال ۱۳۰۱: ثابت کرین که $X(Y+Z)=XY+XZ$ بوگار سل:

X	Υ	Z	Y + Z	XΥ	XZ	X(Y+Z)	XY + XZ
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

دائیں دوقطبار ایک جیسے ہیں لہذا ثبو ہے یوراہوا۔

۸ . ۳ . ڈی مار گن کے کلیا ہے

۵۳

مثال ۱۱.X = X المثال X + XY = X مثال الم

سل: اسس کو بوولین حبدول کے بحبائے بوولین الجبرا کی مدد سے حسل کرتے ہیں۔ ہم مساوات کے بائیں ہاتھ کو XZ + XY کھی سے بیں جہاں Z = Z ہوگا۔ یوں حبدول ۱۲٫۳-الف کی شِق 12 کے تحت درج ذیل ہوگا، جہاں Z کی قیست 1 کی گئی ہے۔

$$X+XY=X(1+Y)$$
 جبدول ۱۲.۳۳ - ب کی شِق 1 کے تحت $1+Y=1$ ہوگا، البند اورج ذیل لکھ جب سکتا ہے $X+XY=X(1+Y)=X\cdot 1=X$ جب ان آمنسری وت دم پر جب دول ۱۲.۳۳ الف کی شِق 2 استعمال کی گئی۔

حبدول ۱۲.۳۳-الف کی شِق 5 کومتعبد دمتغییرات تک وسعت دی حب سسکتی ہے۔ تین متغییرات کے لئے درج ذیل ہول گے۔

$$ABC = BAC$$
$$= BCA$$
$$= CBA$$
$$= CAB$$

اسس طسرح حبدول ۱۲.۳-ب كى شِق 5 كو بھى دوسے زيادہ متغيرات كے لئے وسعت دى حباسكتى ہے۔ تين متغيرات كے لئے، ب شِق درج ذيل صورتيں افتيار كرتى ہے۔

$$A+B+C = B+A+C$$

$$= B+C+A$$

$$= C+B+A$$

$$= C+A+B$$

۳.۸ ڈی مار گن کے کلیا ہے

دونہایہ اہم قوانین جنہیں ڈی مار گن کے کلیا۔ (یاڈی مار گن کے مسائل) کہتے ہیں مندر حب ذیل ہیں۔

$$\overline{X+Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$$

$$\overline{X \cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y}$$

ان دومسائل کو بوولین حبدول کی مدد سے ثابت کرتے ہیں۔ ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ $\overline{X} \cdot \overline{Y} = \overline{X} \cdot \overline{X}$ کا ثبوت درج ذیل ہے۔

۵۲ با بیرولین الجبرا

X	Υ	\overline{X}	Y	X + Y	$\overline{X+Y}$	$\overline{X} \cdot \overline{Y}$
0	0	1	1	0	1 0 0 0	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

ڈی مار گن کے دوسرے مسئلہ $\overline{X} + \overline{Y} = \overline{X} + \overline{Y}$ کا ثبوت درن ذیل ہے۔

X	Υ	\overline{X}	\overline{Y}	$X \cdot Y$	$\overline{X \cdot Y}$	$\overline{X} + \overline{Y}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	1 1 1 0	0

ڈی مار گن کے مسائل منطقی جمج کو منطقی ضرب مسیں اور منطقی ضرب کو منطقی جمع مسیں تب بیل کرتے ہیں، اور بوولین تف عسل حسل کرنے مسیں مددگار ثابیہ ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر ، حبد ول ۱۲.۳۳ - الفہ کی پہلی شِق X=0 کا متم کیتے ہیں۔

$$\overline{0 \cdot X} = \overline{0}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا دو سسرامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

$$\overline{0} + \overline{X} = \overline{0}$$

مسزید، چونکه 0 کامتم 1 ہے، لینی $\overline{0}=\overline{0}$ ہوگا، اہند ادر جن ذیل کھا حب سکتا ہے۔

$$1 + \overline{X} = 1$$

اسس مساوات مسين X كوبوولين متغيره Z تصور كياحباسكتابيب بول درج ذيل حساصل بوگاله

$$1 + Z = 1$$

اسس کاحبہ ول ۱۲٫۳ - ب کی شِق 1 سے مواز سنہ کریں۔ متغیبرہ کے نام مختلف ہونے کے عسلاوہ دونوں یکساں ہیں۔

ڈی مار گن مسائل کی مددسے ہم نے دیکھا کہ

$$0 \cdot X = 0$$

اور

$$1 + X = 1$$

۳.۸ فی مار گن کے کلیات

در حقیقت ایک ہی تف عسل کے دو پہلوہیں۔

 $(0 \cdot X = 0) \Leftrightarrow (1 + X = 1) \tag{1}$

1+1 اسس مسئلہ کوڈی مار گن کے پہلے مسئلہ کی مدد سے بھی دیکھ حب سکتا ہے۔ ایس کرنے کی حن طسر ہم پوولین تف عسل X=1

 $\overline{1+X}=\overline{1}$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا پہلامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

 $\overline{1} \cdot \overline{X} = \overline{1}$

اب آ کی جگ 0 ڈالتے ہیں۔

 $0 \cdot \overline{X} = 0$

ہے۔ مساوات کی بھی متغیرہ X کے لئے درست ہے۔اسس متغیرہ کو ہم Z بھی پکار سکتے ہیں۔ایسا کرنے سے درج زیل مساسل ہوگا۔

 $0 \cdot Z = 0$

1+X=1 ہم دیجتے ہیں کہ یہ بالکل X=0 کی طسر ہے۔ وسنسرق صرف متغیب رہ کے نام کا ہے۔ البند اثابت ہوا کہ X=0 کی طسر ہے۔ وسنسرق صرف متغیب رہ کے دو پہلے وہیں۔ X=0 اور X=0 ایک ہی تف عسل کے دو پہلے وہیں۔

مثال ۱۲ بنت کریں کہ X = X اور X = X + 0 ایک ہی تف 2 بیاب بیریت $1 \cdot X = X$

حسل: X = X کے دونوں اطسے راف کامتم کیتے ہیں۔

 $\overline{1 \cdot X} = \overline{X}$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کادو سسرات نون لا گو کرتے ہیں

 $\overline{1} + \overline{X} = \overline{X}$

اور آکی جگے 0 یُر کرتے ہیں۔

 $0 + \overline{X} = \overline{X}$

متغیرہ \overline{X} کونے نام Z سے یکارتے ہیں۔

0 + Z = Z

باب ٣٠. بوولين الجبرا

 $1 \cdot X = X$ اور X = X اور این متغیرہ کے برابر ہو گا۔ یوں ثابت ہوا کہ X = X اور X = X

آپ ای مثال کو پچسلی مثال کی طرح المار رخ مسیں ثابت کریں۔

مثال ۱۳۰٬۱۳۰: بوولین تف عسل $(X\cdot Y)\cdot Z=X\cdot (Y\cdot Z)$ کام ثله ڈی مار گن کے متانون لا گو کر کے حساست کریں۔

حسل: دئے گئے تف عسل کے دونوں اطسران کامتم کیتے ہیں۔

 $\overline{(X \cdot Y) \cdot Z} = \overline{X \cdot (Y \cdot Z)}$

دونوں اطبرانے ڈی مار گن کادوسسراف انون لا گو کرتے ہیں۔

 $(\overline{X\cdot Y})+\overline{Z}=\overline{X}+(\overline{Y\cdot Z})$

ڈی مار گن کا متانون استعال کرتے وقت قوسین مسیں ہند ھے۔ کو ایک متغیبرہ تصور کیا گیا۔ دونوں اطسران قوسین مسیں ہند تف عسل پر دوہارہ ڈی مار گن کادوسسرات نون لا گو کرتے ہیں۔

$$(\overline{X} + \overline{Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y} + \overline{Z})$$

یہاں شینوں متغیرات کے متم کھے گئے ہیں۔ ہم انہیں تین نے ناموں سے پکار سکتے ہیں، مشلاً، \overline{X} کو A پکارتے ہیں، \overline{Y} کو B اور \overline{Z} کو C ، اہلیہ ذاور نی ذیل کھا حبائے گا، جو متغیرات کے نام مختلف ہونے کے عسلاوہ، حبدول ۱۲٫۳–ب کی شق C

(A+B)+C=A+(B+C)

۳.۹ حبرٌ وال بوولين تفناعسل

گزشتہ ھے۔ مسیں دیکھ گیا کہ بودلین تف عسل کے دو پہلو ہوتے ہیں۔ یوں کی بودلین تف عسل کو ثابت کرتے ہی اس کا حب را اسس کا حب رواں تف عسل فوراً لکھ حب سکتا ہے۔ حب دول ۱۲۰۳-الف اور ب مسیں اسس طسرح کے حب رواں بودلین تف عسل پیش کیے گئے ہیں۔ان حب دول مسیں آحنسری شِق کے عسلاوہ ہر شِق ایک تف عسل کے دو پہلو پیشس کر تا ہے۔ مشاراً، حب دول -الف کی شِق 7 کا دوسر اپہلوجہ دول - ب کی شِق 7 دے گا۔

۳.۱۰ ارکان ضرب کے محب وعب کی ترکیب

منطقی مسئلہ کو بوولین تفع سل کی صورت مسیں لکھٹا مندرجہ ذیل مثال سے ہا آسانی سمجھاحبا سکتا ہے۔

حبدول ۱۳.۱۳: تف على كاحبدول (برائح حسب ۱۰.۳)

A	В	C
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1

ونسرض کریں، ایک تف مسل جس کے آزاد متغیرات A اور B ، جب کہ تائع متغیرہ C ہے، اسس صورت بلند B=1 اور B=1 اور B=1 اور B=1 اور B=1 بواجب و

ان معسلومات کو حبد دول ۱۳ ۱۳ امسیں پیش کی گیا ہے۔ حبد دول مسیں "ارکان خرب" کی قطب در شامس کریں۔ اسس قطب از کم برحن نے مسیں ای صف کے آزاد متنفیہ دو پست ہونے کی صورت مسیں متنفیہ دوکا متم اور بلت مصورت مسیں متنفیہ دو درج کی حیف کے آزاد متنفیہ کا اسس عمسل کو مسجھنے کی حن طسر، حبد دول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A = 0 اور B = 0 اور B = 0 بالہذا پہلی صف مسیں مسیل مصن مسیل A = 0 اور A = 0 او

Α	В	C	ار کان ضرب
0	0	0	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	$\overline{A}B$
1	0	0	$A\overline{B}$
1	1	1	AB

تفاعلی کے جدولے کے النے تمام ارکالن ضرب کا مجموعہ لیرے جنے کی صف میں مالع متغیرہ C کی قیمت 1 ہو۔ یہ مجموعہ مالع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اس طسرح تف عسل کھنے کوارکان ضرب کے مجبوعہ کی ترکیب کہتے ہیں۔ (اسس کو مجبوعہ ارکان ضرب بھی پکار سکتے ہیں۔)

يوں درج ذيل لكھاحبائے گا۔

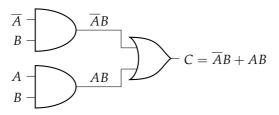
$$($$
ار کان ضرکا محبوعہ $C = \overline{A}B + AB$

مساوات ٣٠ المسين حساصل تف عسل كالمنطقي دور مشكل ٣٠ .٣٠ مسين د كهسايا كسيا --

ار کان ضرب کے محب وعب سے حساسل مساوات ہر صورت ضرب گیٹوں کی ایک قطار (یاصف) اور ایک جمع مجمع کی ایک متم مجمع کی حیاست کی جب سکتی ہے (جب و سنرض کی حیاستا ہے کہ، آزاد متنفی رات کے ساتھ ان کے متم مجمع مجمع میں۔ ایس دور ضرب و جمع مہالے گا۔

AND-OR

۵۸ باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۳۰ سزار کان ضر ہے محب وعب (مساوات ۱۱٫۳) کا منطقی دور۔

مساوات سراا اور شکل ۳۰۰ سکی در ستگی کی تصدیق بودلین حبدول سے کرتے ہیں (حبدول مسیں موازنے کے لئے C کا حالت بھی پیش کے اللہ کا کا

A	В	C	\overline{A}	$\overline{A}B$	AB	$\overline{A}B + AB$
0	0	0	1	0	0 0 0 1	0
0	1	1	1	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	1

اسس حبدول کادایال قطار C کے برابرہے۔

م اوات ۱۱٫۳ لکھنے کا دوسے انداز جو نہایت مقبول ہے سیجھنے کی مناطبر تفاعسل کے حبدول مسیں "ارکان ضرب" کے علاوہ ایک نی قطبار (m) شامسل کرتے ہیں۔

A	В	C	ار کان ضرب	m
0	0	0	$\overline{A} \overline{B}$	m_0
0	1	1	$\overline{A}B$	m_1
1	0	0	$A\overline{B}$	m_2
1	1	1	AB	m_3

نی قطار مسیں m ارکان ضرب کو ظاہر کرتا ہے، البندا تنساعم کی کے مساوات کھتے ہوئے $\overline{A}B$ کی بحبائے m_1 اور AB کی بحبائے m_3 کی بحبائے m_3 کی بحبائے واسس اوات m ااے درج ذیل کھے حباسکتا ہے۔

$$C=\overline{A}B+AB$$

$$=m_1+m_3$$

$$=\sum (m_1,m_3)$$

$$=\sum (1,3)$$

ار کان ضرب روایت اُر چھوٹی لکھ اُئی مسیں) m_{χ} کلھے جاتے ہیں، جہاں زیر نوشت χ جب ول مسیں مطابقتی صف کے آزاد متغیب رات کوشنائی عبد د (کے ہند ہے) سمجھ کر، ہر ابر کا اعشاری عبد د لیا جاتا ہے۔

مثال ۱۹۴ س: درج ذیل بوولین حبدول سے بوولین تف عسل کی مساوات حساس کریں۔

A	В	С	$\overline{\mid Z \mid}$
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبدول مسين Z تائع متغيره ہے۔ حبدول كى دائين حبانب اركان ضرب كى قطب ارث امسل كرتے ہيں۔

A	В	С	Z	ار کان ضرب	m
0	0	0	1	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$	m_0
0	0	1	0	$\overline{A}\overline{B}C$	m_1
0	1	0	1	$\overline{A} B \overline{C}$	m_2
0	1	1	1	$\overline{A}BC$	m_3
1	0	0	0	$A \overline{B} \overline{C}$	m_4
1	0	1	0	$A \overline{B} C$	m_5
1	1	0	1	$AB\overline{C}$	m_6
_1	1	1	1	ABC	m_7

اُن ار کان ضرب کامحب وعب لیتے ہیں جن کی صف مسیں تائع متغیرہ کی قیمت 1 ہے۔

$$Z = \overline{A}\,\overline{B}\,\overline{C} + \overline{A}\,B\,\overline{C} + \overline{A}\,B\,C + A\,B\,\overline{C} + A\,B\,C$$

ب دیے گئے تف عسل کی مساوات ہے جس کو درج ذیل بھی لکھا حب سکتا ہے۔

$$Z = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$$

۲۰ باب ۳. بودلین الجبرا

حبدول ۱۲.۳ امسیں دیے گئے توانین استعال کرتے ہوئے مساوات کی سادہ صورت حساسل کرتے ہیں۔

$$Z = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B \, \overline{C} + A \, B \, C$$

$$= \overline{A} (\overline{B} + B) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (\overline{C} + C)$$

$$= \overline{A} (1) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (1)$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B C) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + \overline{A} B + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + (\overline{A} + A) B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + B$$

ہے۔ دیے گئے بوولین حبدول کی سادہ ترین مساوات ہے۔اسس کا بوولین حبدول کھ کر آپ ثابت کر سکتے ہیں کہ ہے۔ امسل تف عسل بی ہے۔

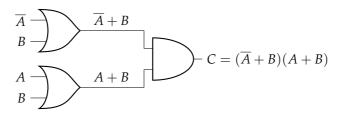
اا.۳ ار کان جمع کی ضرب کی تر کیب

گزشتہ حسبہ مسیں بوولین جدول سے نقب عسل کا مساواتی روپ حساسل کیا گیا، جہاں ان صفول کے ارکان ضرب کا محب وعب لیا گیا جن مسیں تابع متغیبرات کی قیمت 1 تھی۔ آئیں اب " ارکان جمع" کلھٹ اور ان سے نقب عسل کی مساوات حساسل کرنا سیکھیں۔

ھے۔۔۔۱۰ مسیں متمل جب ول ۱۳.۳ کو مشال بنتے ہوئے اس مسیں ارکان ضرب کی بحبے ارکان جُع کی قطار شام مسیں ارکان ضرب کی بحبے ارکان جُع کی قطار شام مسیم متنظیرہ بذات خود اور بلند مصورت مسیں متنظیرہ بذات خود اور بلند صورت مسیں متنظیرہ کا متم جُع کیا حباتا ہے۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حناطسر، حبدول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A=B اور B=0 اور B=0 بی البندادوسری صف مسیں A+B بوگا۔دوسری صف مسیں A+B اور A

A	В	C	ار کان جمع
0	0	0	A+B
0	1	1	$A + \overline{B}$
1	0	0	$\overline{A} + B$
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$

تفاعل کے جدول کے الن تمام ارکال جمع کا عاصل ضرب لیں جن کی صف میں تفاعل کے تامیح متغیرہ C کی قیمت 0 ہو۔ یہ سامسل ضرب تابع متغیبرہ کے برابر ہوگا۔ اسس طسر ہ تف عسل کھنے کو ارکان جمع کی ضرب کی ترکیب کہتے ہیں (اسس کو سامسل ضرب ارکان جمع بھی پکار سکتے ہیں)۔



کشکل اسس. سنار کان جمع کی ضر ب سے حساصل دور (مساوات ۱۳۰۳)۔

یوں درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$(r.r)$$
 $C = (A+B)(\overline{A}+B)(\overline{A}+B)$ (ار کان تح کی غرب

ار کان جمع کی ضرب سے حسام سل مساوات کوہر صورت جمع گیٹوں کی ایک قطار (یاصف) اور ایک ضرب گیٹ سے حسامسل کسیاحب سکتاہے (جہساں منسرض کسیاحب تاہے کہ، آزاد متنعب رات کے ساتھ ان کے متم بھی میسر ہیں)۔ یوں بنائے گئے دور کو جمج و ضرجے کہتے ہیں۔

ماوات ۱۳۳ میں حاصل دور شکل ۱۳ سمیں پیش کی گیاہے۔

م اوات ۳.۳ الکھنے کادوسے رااند از جو نہایہ۔ مقبول ہے مسجھنے کی مناطب رتنا عسل کے جبدول مسیں "ار کان جمع" کے عساوہ، بڑی لکھائی مسین ایک نئی قطار (M) مشامل کرتے ہیں، جوار کان جمع کو ظاہر کرتا ہے۔

\boldsymbol{A}	В	C	ار کان جمع	M
0	0	0	$\overline{A}\overline{B}$	M_0
0	1	1	$\overline{A}B$	M_1
1	0	0	$A\overline{B}$	M_2
1	1	1	AB	M_3

یوں مساوات ۱۳٫۳ درج ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(r.r)$$
 $C = (A+B)(\overline{A}+B) = M_0M_2 = \prod (M_0, M_2) = \prod (0,2)$

مثال ۱۵.۳: وی مار گن کے کلیات استعال کرتے ہوئے محبہوءے ارکان ضرب سے ارکان جمع کی ضرب کی ترکیب حساصل کریں۔

حسل: ہم حصہ ۱۰.۳ مسیں مستعمل جبدول ۱۳.۳ کومثال بن کر اسس مسیں \overline{C} اور ار کان ضرب کی قطباریں شامسل کرتے ہیں۔

OR-AND²

باب س. بوولين الجبرا

A	В	C	\overline{C}	ار کان ضرب
0	0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	0	$\overline{A}B$
1	0	0	1	$A\overline{B}$
1	1	1	0	AB

ہم \overline{C} کے لئے ارکان ضرب کامجب وعب لکھ کر (لینی ان ارکان ضرب کامجب وعب جن کے صف مسیں \overline{C} کی قیت \overline{C} ہو):

$$\overline{C} = \overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}$$

دونوں اطبران کامتم لے کر C کی مساوات حساس کرتے ہیں۔

$$\overline{\overline{C}} = C = \overline{\overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}}$$

ڈی مار گن کلیات بار بار استعال کرتے ہوئے درج ذیل حسامسل کیا حباسکتا ہے۔

$$C = \overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}$$

$$= (\overline{\overline{A}}\,\overline{B})(\overline{A}\,\overline{B})$$

$$= (\overline{\overline{A}} + \overline{\overline{B}})(\overline{A} + \overline{\overline{B}})$$

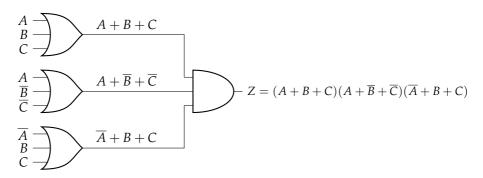
$$= (A + B)(\overline{A} + B)$$

اسس نتیج کامب اوات ۱۳٫۳ کے ساتھ مواز نہ کریں۔ لپس ثابت ہوا کہ محبہ وعب ار کان ضرب سے ار کان جمع کی ضرب سے صل کی حباستی ہے۔

مثال ۱۱ .۳: درج ذیل بوولین حبدول سے (۱) ارکان جمع کی ضرب، (ب) ارکان ضرب کا محبموعہ لے کر تف عسل کی مب وات سے صاصل کریں۔ دونوں نتائج کے ادوار د کھا ئیں۔

A	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبد ول مسین از کان جمع اور از کان ضرب کی قطبارین شامسل کرتے ہیں۔



شکل ۳.۳۲: جمع وضر به دور (مساوات ۱۲.۳) به

A	В	С		ار کان جمع	ار کان ضر ب
0	0	0	0	A+B+C	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$
0	0	1	1	$A+B+\overline{C}$	$\overline{A}\overline{B}C$
0	1	0	1	$A + \overline{B} + C$	$\overline{A} B \overline{C}$
0	1	1	0	$A + \overline{B} + \overline{C}$	$\overline{A}BC$
1	0	0	0	$\overline{A} + B + C$	$A \overline{B} \overline{C}$
1	0	1	1	$\overline{A} + B + \overline{C}$	$A \overline{B} C$
1	1	0	1	$\overline{A} + \overline{B} + C$	$AB\overline{C}$
1	1	1	1	$\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}$	ABC

(۱)جن صفوں مسیں تابع متغیبرہ Z کی قیبیت 0 ہےان صفوں کے ارکان جمع کی ضرب مطلوب نتیب ہوگا۔

(r.iy)
$$Z = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + C)$$

اسس کو درج ذیل بھی لکھ کتے ہیں۔

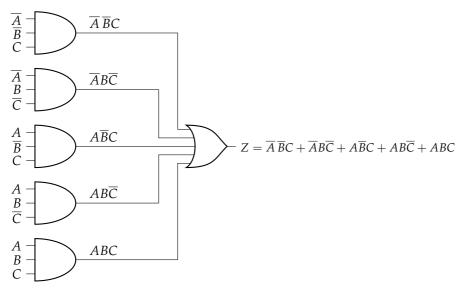
$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (M_0, M_3, M_4)$$

مساوات ۱۲.۳ مسیں حساس نتیب کا جمع و ضرب دور شکل ۳۲.۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ (ب)حبدول کے ارکان ضرب کامحب وعہ لے کر ضرب و جمع دور حساس کرتے ہیں۔

$$(r.12) Z = \overline{A} \, \overline{B} \, C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} C + A B \overline{C} + A B C$$

اس دور کو شکل ۳۳٫۳۳ میں پیش کیا گیا ہے۔

اسس مثال مسیں ایک ہی تف عسل کے دو ادوار، مشکل ۳۲ ۱۳۳ اور مشکل ۳۳ ۳۳ پیشس کیے گئے۔ پہلے دور مسیں تین جمع اور ایک ضرب گیٹ استعال ہوا، جبکہ دوسسرے مسیں پانچی ضرب اور ایک جمع گیٹ استعال ہوا۔ (جیب ہم ذکر کر چپے ۲۳ باب ۳۰ بوولین الجبرا



شکل ۳۳ ۳: ضر _ وجمع دور (مساوات ۱۷.۳) _

ہیں، ار کان جمع کی ضرب ہے حسامسل دور جمع گیٹوں کی قطار اور ایک ضرب گیٹ ہے بنے گا۔ ار کان ضرب کے محب وعب سے حسامسل دور ضرب آلیٹوں کی قطار اور ایک جمع گیٹوں کی قطار اور ایک جمع گیٹوں کی قطار اور ایک جمع گیٹ ہے حسامسل ہوگا۔ ایوں اسس تغسال کو ضرب ار کان جمع ہوئے۔ یاد رہے کہ ضرب ار کان جمع اور محب وعب ار کان ضرب منطقی طور پر ایک ہوئے۔ یاد رہے کہ ضرب از کان جمع اور محب وعب ار کان ضرب منطقی طور پر ایک ہوئے۔ یاد رہے کہ ضرب از کان جمع اور محب وعب از کان ضرب منطقی طور پر ایک ہوئے۔ یاد رہے کہ ضرب اور کان جمع اور محب وعب از کان ضرب منطقی طور پر ایک ہوئے۔ بی رہے۔

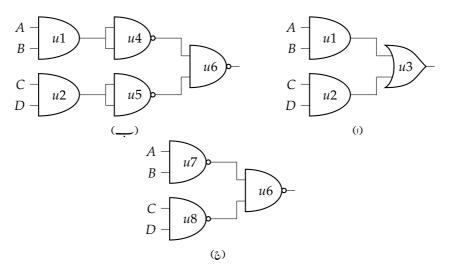
۳.۱۲ محبموعب ار کان ضرب اور ضرب ار کان جمع کے مابین تب دلہ

ہم نے مشال ۱۹.۳ مسیں تفعل کی مساواتیں، مجبوعہ ارکان ضرب اور ضرب ارکان جمع کی صورت مسیں، حاصل کیں، جنہیں بیاں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$Z = m_1 + m_2 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (1, 2, 5, 6, 7)$$

$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (0, 3, 4)$$

محب وعب ار کان خرب مسین پہلا، دوسرا، پانچوال، چھٹ اور ساتوال رکن خرب استعال ہوا جب کہ صف روال، تیسرا اور چوشت کی خرب و جسک مسین پہلا، دوسرا، پانچوال، چھٹ اور ساتوال رکن جمع غیب مستعمل، و جمع غیب مستعمل رہے۔ خرب ارکان جمع مسین پہلا، دوسرا، پانچوال، چھٹ اور ساتوال کر کے تف عسل کی جب مستعمل کی مساوات کو ایک عصف روال، تیسرا اور چوتھت ارکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوبی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی مساوات کو ایک مسین تبدیل کیا جب ارکان خرب یا ارکان خرب یا ارکان خرب کے ارکان خرب مستعمل ارکان، خرب کے ارکان خرب مسین مساوات حساس کرتے ہوئے پہلے روپ مسین عنسیر مستعمل ارکان، دوسرے دوپ مسین استعال ہوں گے۔



شکل ۳۲۲. ۱۲۱۱ کان ضرب کے مجب وعب سے متم ضرب ومتم ضرب دور کا حصول۔

۳.۱۳ ضرب وجمع دورسے متم ضرب ومتم ضرب دور کاحصول

کی بھی پوولین تف عسل کو محبصوعہ ارکان ضرب کی صورت مسیں بیان کیا جبا سکتا ہے، جس کو ضرب گیٹوں کی قطار اور ایک جع گیٹ ہے۔ حساس کیا جب سکل ۱۳۴۳۔الف مسیں تف عسل کے کا ۱۳۴۸۔ الف مسیں تف عسل کے کا ۱۳۴۸۔ الف محبصوعہ ارکان ضرب دور دکھایا گیا ہے۔ جمع گیٹ 18 کی جگ شکل ۱۳۰۰۔الف کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے شکل سے ۱۸۳۰ کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے شکل سے سکل سے سکل ۱۸۳۰ کی جگ سے 18 اور 18 استعال کیے گئے)۔ شکل ۱۸۳۰ مسیں متم ضرب گیٹ بطور نفی گیٹ دکھیا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ (مشلا 14 بس کو نفی گیٹ دکھیا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ (مشلا 14 کا استعال کرتے ہوئے شکل سے گیٹ تصور کرتے ہیں) کی جگ (شکل ۱۹۲۳ ویکھیں) متم ضرب گیٹ (مشلا 17) استعال کرتے ہوئے شکل سے دساس اور 6گا، جو صرف متم ضرب گیٹ ورکہ کا تا ہے۔

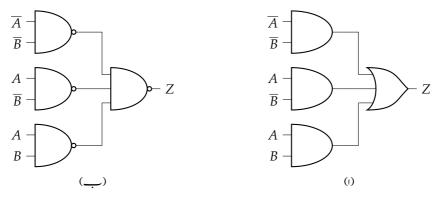
آپ نے دیکھ کہ مشکل ۳۴.۳ الف کے ضرب و جمع دور مسین تمسام گیٹ تبدیل کر کے متم ضرب گیٹ نسب نسب کرنے سے کہ کرنے سے سنگل-ج کا متم ضرب و متم ضرب دور حساصل ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصومی مشاہدہ ہے۔ یاد رہے کہ محب وعب ارکان ضرب کے ضرب و جمع دور مسین ضرب گسٹوں کی قطب ارادرا کی جمع گیٹ ہوگا۔

ضرب و جمع دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تمام گیٹول کی جگہ متم ضرب کیٹے نسب کرنے سے متم ضرب و متم ضرب دور ماصلی ہوگا۔

سلیکان کی فی مسریح سنی مسیر پستدی پر بہت بڑی تعداد مسیں گیٹ بنائے سباسے ہیں اور ب تعداد دن بادن بڑھتی

NAND-NAND^A

باب سر بوولین الجبرا



شكل ۳۵ ۳. ۳۵ فر ب وجمع سے متم ضرب ومتم ضرب (مشال ۱۷.۱۳) ـ

حیلی حبارہی ہے۔ سایکان کی بہتری پر ایک ہی قتم کے گیٹ نسبتازیادہ آسانی اور بہستر بنائے حباسکتے ہیں۔ یوں کسی بھی تقساعسل کو ضر ب وجمع کی بحبائے متم ضر ب ومتم ضر ب دور سے حساسس کرنازیادہ سود مسند ثابت ہوگا۔ ای وحب سے وستے پیمان کی مختلوط ہر قیات مسیں متم ضر ب گیٹ نہایت مقبول ہیں۔

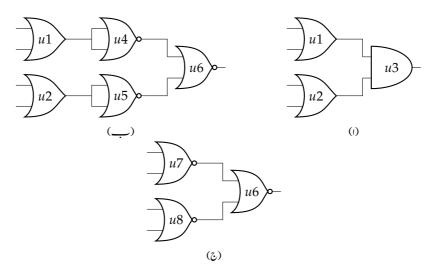
مثال ۱۷. ۳: مندر حبه ذیل تفاعسل کامتم ضرب ومتم ضرب دور حساصسل کریں۔

A	В	$\mid Z \mid$
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	1

صل: تناعسل کاممبوعہ ارکان ضرب لکھنے کی عضرض سے حبدول مسین ارکان ضرب کی قطبار شامسل کرتے ہیں۔ ہیں۔

A	В	Z	ار کان ضرب
0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	0	$\overline{A} B$
1	0	1	$A \overline{B}$
1	1	1	AB

یوں $Z=\overline{A}\,\overline{B}+A\overline{B}+AB$ الف میں پیش ہے۔ تسام گیوٹوں کی جگہ متم مغرب گیٹ نوسکل ۳۵٫۳۰۰ الف میں پیش ہے۔ تسام گیوٹوں کی جگہ متم مغرب وردر حاصل ہوگاہو مشکل سے متم مغرب وردر حاصل ہوگاہو مشکل سے متم مغرب وردر حاصل ہوگاہو مشکل میں پیش ہے۔



شکل ۳۹ بیر: جمع وضر بے سے متم جمع و متم جمع۔

۳.۱۴ جمع وضر ب دور سے متم جمع ومتم جمع دور کاحصول

تف عسل کے ارکان جمع کی ضرب سے حسامسل جمع و ضرب دور مسیں تمسام گیٹول کی جگہ متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عسل کامتم جمع وحمتم جمع دور حسامسل ہوگا۔

شکل ۳۲.۳ میں جمع و ضرب دورے و تدم بات مہم جمع و متم جمع دور کا حصول دکھایا گیا ہے۔ پہلی و تدم میں، شکل۔ الف کے ضرب گیٹ و سل ، 44 ، 45 ، 10 نسب الف کے ضرب گیٹ 44 ، 45 ، 10 نسب کے ضرب گیٹ 44 ، 50 ، 10 ، 10 ، 10 اور کما جوڑی کی جگہ متم جمع 77 ہوگئی گیٹ مان کر، 11 اور 44 جوڑی کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا جب ہوگئی گیٹ 10 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور کی جگہ متم جمع دور کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کیا گیٹ کی جگہ کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کی جگہ کی جمع کی گیٹ کی گیٹ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی جگہ کی گیٹ کی گی

شکل ۳۹.۳۳-الف کے جمع وضر ب دور کی مشکل وصورت تب میل کیے بغیب رتسام گیٹ کی جگ متم جمع نسب کرنے سے مشکل -ج حساصل ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصو می مشاہرہ ہے۔ یادر ہے کہ ضرب ارکان محبسوء سے حساصل جمع وضرب دور مسین جمع گیٹول کی قطب اراور ایک ضرب گیٹ ہوگا۔

جمع و ضرب دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تام گیٹول کی بلد متم جمع گیٹے نسب کرنے سے متم جمع و متم جمع دور عاصل ہوگا۔ باب ۳. بوولين الجبرا

حبدول ۱۳۱۳: تین بٹ رموز۔

تین بِٹ رموز
000
001
010
011
100
101
110
111

۳.۱۵ عسلامتی روی یار موز

عسوماً زبانوں مسین الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی مسین کی حباتی ہے۔ حسرون تہجی کو سلم الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی زبان مسلم جینی زبان محتلف ہے۔ چینی زبان الکھائی اپنی عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون ایک عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون سکھنے کے بعد، کوئی بھی پڑھ سکتا ہے، جبکہ رمسزی لکھائی مسین کی بھی رمسز کا استعال اسس وقت مسکن ہوگاجب تہمام لوگ اسس رمسز پر متفق ہوں۔ کمپیوٹر اسس لحاظ سے چینی زبان سے مشاہبت رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے۔

و تسلم و کاغن نہ نے انسان کی بھی مشکل کی لکت رہن کراہے ایک عسلامت یار مسنز تصور کر سکتا ہے۔ کمپیوٹر کی دنیا مسیں ایسا کرناممکن نہیں۔ کمپیوٹر صرف 0 اور 1 حبانت ہے، البندااسس مسیں رموز بھی 0 اور 1 مختلف ترتیب ہے جوڑ کر بہنائے حباتے ہیں۔ مشلاً، تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے ترکی مسلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف انشیاء یا مصلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتا ہیں۔ حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف آٹھ بٹ مسیں 256 ہے۔ تین بٹ استعال کرتے ہوئے، اسس سے زیادہ رموز ممکن نہیں۔ آٹھ بٹ مسیں 256 ہے 25 رمسز ممکن ہیں۔

ا.١۵. ساليكي رموز اورعب لمي رموز

code'

۳.۱۵ ميلامتي روپ يار موز

حبدول ۱۵.۳:ایسکی رموز به

لاطنيني حسرون يابهندسه	ايسكى رمسنر
A	01000001_2
В	01000010_{2}^{-}
C	01000011_2
D	01000100_2
:	:
X	010110002
Υ	01011001_{2}^{-}
Z	01011010_2
а	011000012
b	01100010_2
С	01100011_2
:	:
z	01111010_2
0 ₁₀	001100002
1 ₁₀	00110001_2
2 ₁₀	00110010_2
:	:
8 ₁₀	00111000_2
910	001110012

۷ باب ۳. بودلین الجبرا

حبدول ۱۲.۱۳: اعث اری اعب داد کے حسیار بٹ شن ائی رموز۔

شنائی مسرموز اعشاری	اعثاری اعسداد
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9

ایک بائٹ مسیں 00000000 ہے 11111111 تک 256₁₀ مختلف رموز ہوگ، جو ایک محصد ود تعداد ہے۔ چیسے چیسے دنیا کی مختلف زبان ہو لئے والوں کے ہاں کمپیوٹر کااستعال رائج ہوا، ایکی رموز کے (محسد ود) رمسز کم پڑگئے۔ موجودہ وور مسیں عالمی رموز اارائے ہے، جس مسیں دنیا کی تمس مزبانوں (بشمول اردو، پشتو، بلوچی، سندی، وغیبرہ) کے حسر وف تنجی کے رموز موجود ہیں۔ اسس نظام مسیں ہر رمسز حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دی گئی ہے۔ اسس نظام مسین ہر رمسن حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دیا سستیں بھی ڈھالی جباسکتی ہیں۔ امید یہی ہے کہ یہ نظام آنے والے زمانے مسیں درکار ضروریات یوری کرے گا۔

۳.۱۵.۲ اعشاری اعبداد کے شنائی رموز

۳.۱۵.۳ گرے رموز

اسس نظام مسیں اعشاری ہند سول کے رمسنزیوں رکھے گئے کہ کئی بھی دومتواتر اعشاری ہند سوں کے رمسنز مسیں صرف ایک بٹ کافٹ رق ہو۔ حب دول۳۱۷ حسار بٹ گرے رموز پیشش کر تاہے۔

uni code"

binary coded decimal (BCD)"

۱۵. ۳. اعسلامتی روپ یارموز

حبدول ۱۷.۳:اعث اری اعب داد کے حب اربٹ گرے رموز۔

حپاربٹ گرے رموز	اعشاری اعسداد
0000	0
0001	1
0011	2
0010	3
0110	4
0111	5
0101	6
0100	7
1100	8
1101	9
1111	10
1110	11
1010	12
1011	13
1001	14
1000	15

طبیعی متغیبرات کوعبد دی روپ مسین، عصوماً، گرے رموز مسین کھا دباتا ہے۔انس کی اون دیسہ ایک مثال سے مسجھتے ہیں۔

تصور کریں کہ ایک بڑھتے ہوئے وضافلے کو حپار بٹ کے عمام شنائی نظام مسین ناپا حباتا ہے۔ یوں 01112 کے بعد 1000 آئے گا۔ اب تصور کریں کی وجب ہے، اسس حپار بٹ شنائی عدد کابلندر تی بٹ نسبتا خبلدی 0 سے 1 مسین تبدیل ہوتا ہو۔ یوں ایک لحصہ کے لئے 01112 کے بعد 1111 پڑھا جبائے گا، جس کے بعد اصل عدد 1000 آ حبائے گا۔ آپ دکھ سے ہیں کہ ایک لمجے کے لئے وضاصلہ عناظ پڑھا جبائے گا، جس سے مسائل کھٹڑے ہو سے بین کہ ایک کم ایک ایک ایک بعد 1100 کے بعد 1100 کے بعد 1100 کے بعد حبائے گاہ جس سے مسائل کھٹڑے ہو سے بین ۔ اسس کے بر عکس اگر گرے رمنز استعال کیا جبائے تیب 0100 کے بعد 1100 پڑھا حبائے گاہودرست قیمت ہے۔

باب

كارنان نقث حبات

بودلین حبدول ہے کی بھی تف عسل کی مساوات بذریعہ محبہوعہ ارکان ضرب یاضرب ارکان جمع حساسل کرکے اے گیٹوں کی معددے حباس پہنایاحب سکتا ہے۔ عصوماً، اسس مساوات میں گیٹوں کی تعداد اور فی گیٹ مداخنل کی تعداد کم کی حباستی کی تعداد کم کی حباستی ہے۔ کم مداخنل کے ، کم تعداد گیٹ استیال کرنے ہے عددی دور پر کم لاگ آئے گی۔ تف عسل کی حباستیال کرنے ہے عددہ اور سادہ طریقہ کار کی سادہ صورت بوولین منطق سے حساسل کی حباستی ہے، البت ایک نہایت عمدہ اور سادہ طریقہ کار جم کارناف نقث حبات کی ترکیب کتے ہیں، استیال کیا حباتا ہے۔ اسس باب مسین اسس ترکیب پر غور کیا حبال کے اس باب مسین اسس ترکیب پر غور کیا حبال گائے ہے۔ کارناف تاب جہاں کی سادہ صورت حساسل کرنے مسین نہیں ہے۔ آئوں ثابت ہوگا۔

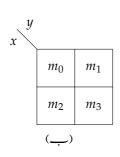
۱.۶ کارنان نقشے کابنادی حنا کہ

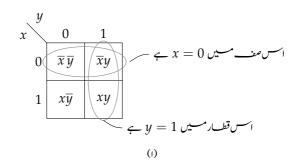
دو آزاد متخیر تقاعل F(x,y) کے پوولین حبدول میں چپار مختلف ارکان خربہ ہوں گے، جنہیں حبدول mا میں پیش کیا گیا ہے۔ اس کے کارناف نقع میں حبار حنانے ہوں گے، جبال ایک حنات ایک رکن میں پیش کیا گئی ہے، جبال خرب کو ظاہر کرتا ہے۔ کارناف نقع میں ان حیار حنانوں کی ترتیب، شکل m1-الف میں دکھائی گئی ہے، جبال بالائی صف میں x=0 جب خبی صف میں x=0 جب کہ خبی صف میں x=0 جب کرنافوں کے باہر، کلوگی گئی ہیں۔ ای طسر حبابئی قطار میں y=0 جب جب کہ دائیں قطار میں y=0 جب کارنافوں کے باہر، قطار ول کے اور y=0 باہر، قطار ول کے اور y=0 باہر، قطار میں گئی ہیں۔ یوں بالائی صف اور دائیں قطار کے مشتر کہ حنانے میں y=0 وظاہر کرتا ہے۔ اس حنانے کے آزاد متخیرات کی شائی قیتوں کو اکٹھیں۔ یہ حنان مرب y1 کو ظاہر کرتا ہے، البندا اس حنانے میں y2 (شکل - الف) یا y3 (شکل - الف) یا y4 (شکل - برب) کھی جب کے گا۔ باقی حنانوں میں ای طسر ح اندراج کے جب تے ہیں۔ شکل y4 میں میں میں میں میں حنانہ میں گئی ہے۔

تین آزاد متغیب رتف عسل (F(x, y, z) کے آٹھ ار کان ضریب ہوں گے۔انہیں شکل ۲۰٫۴ کے کارنان نقث مسیں د کھیایا

نغپ رار کان ضر ب_۔	حبيدول الهندومة
يسراران ركب	حب رول ۱۰ ۱۰ رو

х	у		
0	0	$\overline{x}\overline{y}$	m_0
0	1	$\overline{x}y$	m_1
1	0	$x\overline{y}$	m_2
1	1	хy	m_3





شکل ا. ۴: دا آزاد متغب رکار ناف نقشے کی بنب دی صورت__

گی ہے۔ اسس شکل میں دوصف اور حپار قطار ہیں۔ صفوں کا تعیین x کی قیمت، جب قطاروں کا تعیین yz کی قیمت x جب ان قیتوں کو (شن کی گئت تی کے روپ میں جسیں بلکہ) گرے رمسز میں لکھا حب تا ہے۔ یوں، بائیں ہاتھ کے سشروع کر کے، پہلی قطار میں yz کی قیمت 00، دوسسری مسیں 01، تیمسری مسیں 11 جب آحضری قطار مسیں 10 ہوگی۔

حیار آزاد متغیر تفع میں حیار صف اور حیار قطار کے سولہ ارکان ضرب ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارناف کے نقشے میں سویا حیاسکتا ہے۔ یہاں صفول کا تعین کارناف کے نقشے میں سویا حیاسکتا ہے۔ یہاں صفول کا تعین

x y^2	2 00	01	11	10	گرے دمسز سر
0	m_0	m_1	m_3	m_2	
1	m_4	m_5	m_7	m_6	

شكل ٢. ٢: تين متغب ركارنان نقش كيبني دى صورب__

y^2	Z			
wx	00	01	11	10
00	m_0	m_1	m_3	m_2
01	m_4	m_5	m_7	m_6
11	m_{12}	m_{13}	m_{15}	m_{14}
10	m_8	m ₉	m_{11}	m_{10}

ك ٢٠٠٣: حيار متغب ركارنان نقث كى بنيادى صورب.

70x کی قیمیں، جبکہ قطاروں کا تعلین 42 کی قیمیں کرتی ہیں۔ ان قیتوں کو گرے رمسنز مسیں لکھ کر حنانوں کی پہپان کی حباتی ہے۔

اب تک آپ پر واضح ہو چکا ہو گا کہ کارناف نقشے بناتے ہوئے صفوں اور قطباروں کو گرے رمسز مسیں مسیں رکھا حباتا ہے۔ حپارسے زیادہ متنعب رات کے کارناف نقثوں کا استعمال نسبتاً پیچیدہ ہو تاہے، لہذا ان سے تف عسل کا سادہ روپ عصوماً کمپیوٹر کی مدد ہے حساس کی کسیاحب تاہے۔

۲.۴ کارناف نقشے کی تجسرائی

 y_0 ہولین جبدول سے کارناف نقشے کی بھے رائی نہایہ آسان اور سیدھ عمل ہے۔ بوولین حبدول کی جن صفوں مسیں 0 پر تناف کی قیمت 1 ہو، ان کے مطابقتی (کارناف نقشہ کے) حنانوں مسیں 1 پر کریں؛ باقی حنانوں مسیں 0 پر کریں۔ شکل 1 برا ہو ان کے مطابقتی رتف عمل و کھایا گیا ہے۔ 1 کے لئے ہے۔ عمل و کھایا گیا ہے۔ شکل 1 میں تناف کی کارناف کا نقشہ پر کہا ہوا و کھایا گیا ہے۔ تف عمل کو مجہوء ہو ارکان ضرب کے رویے مسیں تف عمل کا کارناف نقشہ مسیں پر کئے جب نے والے حنانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔ رویے مسیں کھنے سے کارناف نقشہ مسیں پر کئے جب نے والے حنانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔

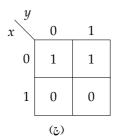
 $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$ کی مثال شکل $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$ کی مثال شکل میں پیش کی گئی ہیں۔

۲.۳ کارنان نقشے سے تف عسل کی ادہ مساوات کا حصول

کارنان نتے میں و تربی و نانوں ہے میں اوالیہ 2^n حن نے ہیں جنہیں میں جع یا متطیل میں گھیراحبا ہے؛ یہ اس کی قیمت 1 ، 2 ، 3 ، 3 ، 4 ، 4 ، 8 ، 4 ،

ت رپی حنانوں مسیں تف^عل کی قیت 1 ہونے کی صورت مسیں،ان حنانوں کے ارکان ضرب کا مجبوعہ بوولین

x	y	F	ار کان ضرب	
0	0	1	$ m_0 $	/
0	1	1	$m_0 m_1$	$F = \sum (m_0, m_1)$
1	0	0	m_2	
1	1	0	m_3	
			(1)	



y		
$x \setminus$	0	1
0	m_0	m_1
1	m_2	m_3
	(<u> </u>	

شكل ۴، ۴، دومتغب رتف عسل كارنان نقشے كى تجسرائي۔

х	у	z	F	ار کان ضرب	
0	0	0	0	m_0	
0	0	1	0	m_1	
0	1	0	0	m_2	/
0	1	1	1	m_3	$F=\sum(m_3,m_5,m_6,m_5)$
1	0	0	0	m_4	
1	0	1	1	m_5	
1	1	0	1	m_6	
1	1	1	1	m_7	

(5)

x 00 01 11 10 0 m_0 m_1 m_3 m_2 1 m_4 m_5 m_7 m_6

شكل ٨٠.٥: تين متغب ركارنان نقشْ كى بهسرائي ـ

(1)

توانین سے حسل کر کے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل کسیا حباسکتا ہے۔ سیہ رکن ان فتسریبی حضانوں کے ارکان ضرب مسیں مشتر کرسے پر مشتل ہوگا۔

دوفت ربی بلند حنانوں (جن مسیں تف عسل کی قیمت 1 ہو گی، کے ارکان ضرب کے محب ہوعہ) سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متخب رات کی تعداد ہے ایک کم ہو گی۔ ایک طسرح، حیار بلند و متنب رات کی تعداد، تف عسل طسرح، حیار بلند و متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تو م ہو گی۔ آٹھ و متر ہی بلند حنانوں سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل ، مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد سے حیار کم ہو گی۔

مت رہی منانے گھیسرتے وقت ہے کوشش ہونی حیاہئے کہ بڑے سے بڑا مسرئع یا متطیل ہے۔ ایسا کرنے سے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل ہو گا۔ عسوماً، متسر ہی منانوں کو ایک سے زیادہ طسریقوں سے گھیسرا حیا سکتا ہے، جن سے تف عسل کی مختلف سادہ صورتیں حسامسل ہوں گی۔

اب ہم چند مشالوں کی مدد سے اسس طسریقے کار کو سکھتے ہیں۔

۱.۳.۱ دو آزاد متغب رتف عسل

رو متغیبر تف عسل کے کارناف نقث مسیں m_0 اور m_1 مسیر بی منانے ہوں گے۔ ای طسرت m_0 اور m_2 بھی مسیر بی منانے ہوں گے۔ ومسیر بی منانے نہیں ہوں گے۔

سٹکل ۲۰۸۰ مسیں دو متغیب رتف عسل اور اسس کا کارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ کارناف نقشے مسیں حنانوں ہے اوپر، متغیب رy کی مسکن قیتوں 0 اور 1 کی بحب عبالت رتیب \overline{y} اور y کی مسکن قیتوں 0 اور 1 کی بحب عبالت رتیب رکھی گیا ہے جب کہ کی جب کی جب کی مسئن متغیب رکھی گئی ہے جو پہت متغیب رکوظ ایر کرتا ہے)۔ ای طسرح حنانوں کے بائیں حبانب \overline{x} اور x کھی آسیا ہے۔

کارنان نقشے کے دوفت رہی حنانوں مسیں تفاعسل کی قیمت 1 ہے، جنہیں نقط دار متطیل مسیں گھیداگیا ہے۔ شکل دمسیں ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع کو بوولین قوانین سے حسل کر کے سادہ رکن حساسل کیا گیا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع سے ایک متغیر رکن حساسل ہوتا ہے؛ یعنی دو متغیر تفاعل کی صورت میں دوحنانوں سے ایک متغیر رکن حساسل ہوا۔

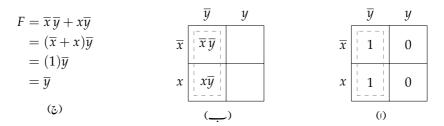
یمی می اوات، مشکل - ج کے کار ناف نقیم میں نقط دار متطیل میں گھیرے ، دو قسر بی حنانوں کو دیکھ کر لکھی حب سے جو نقط دار متطیل میں گھیرے دو قسر بی حنانوں کے ارکان خرب \overline{x} ہیں۔ ان ارکان خرب میں \overline{x} مشتر ک ہے ، جبکہ ایک رکن میں \overline{y} اور دو سرے میں y ہے۔ یوں، نقل دار متطیل میں گھیرے ارکان خرب میں وہ حصہ جو مشتر ک ہو مطاوب سادہ رکن ہوگا۔ (غیبر مشتر ک حصہ رد کرنا، شکل - دمیں \overline{y} بی کہ مترادف ہے۔) چو نکہ ان حنانوں کے عیادہ تمام حنانوں میں \overline{y} ہوگا۔ یہ رکن تف عمل کی میں رکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کارکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف عمل کی میں دارس (\overline{y} بی کرکن تف کو کن کار کن تو کار کار کرکن کو کی کار کار کار کر کی کی کرکن تو کرکن کی کرکن کی کرکن کو کی کرکن کو کرکن کی کرکن کو کرکن کو کو کرکن کو کرکن کی کرکن کو کرکن کی کرکن کو کرکن کو

 \overline{y} مسیں \overline{x} اور \overline{x} ا

شکل ۸.۴ کے تف عل کے ارکان ضرب xy اور xy اور xy

$F = \overline{x}\overline{y} + \overline{x}y$ $= \overline{x}(\overline{y} + y)$	$\frac{\overline{y}}{\overline{x}} \begin{vmatrix} y \\ \overline{x} \overline{y} \end{vmatrix} = \frac{\overline{y}}{\overline{x}y} \begin{vmatrix} y \\ \overline{x} \end{vmatrix}$	\overline{y} y $\overline{x} \mid 1 \mid 1 \mid$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$= \overline{x}(1)$			$egin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$= \overline{x}$	x	$x \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
(,)	(3)	(<u> </u>)	(1)

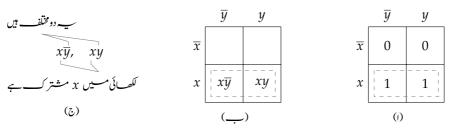
شکل ۲.۲: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کا حصول۔



شکل ۷.۷: فتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

حنانوں مسیں تفعل کی قیمت 0 ہے اہلہٰ ذاتف عسل کے ارکان ضرب کامحب وعب ای رکن کے برابر ہو گا۔ یوں اسس کی مساوات ہ

سٹکل ۹.۴ مسیں ایک ہی حنانے کو دو قسر ہی حنانوں کے ساتھ باری باری جوڑتے ہوئے سادہ مساوات $(F = \overline{x} + \overline{y})$



شکل ۴.۸: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

اور \overline{x} کھنے میں \overline{x} مشتر کے، \overline{x} آور
اور \overline{x} کھنے میں \overline{y} مشتر کے ہے، \overline{x} \overline{y}
البنذامساوات $F=\overline{x}+\overline{y}$ ہوگی۔

	\overline{y}	y		\overline{y}	y
\overline{x}		x y	\overline{x}	1	1
x	$ x\overline{y} $		x	1	0

شکل ۹، ۲۰: قت ریبی بلند حن انوں سے سادہ رکن کا حصول۔

F = 1

	\overline{y}	y
\overline{x}	$\int_{0}^{\infty} \overline{x} \overline{y}$	$\overline{x}y$
x	$\frac{1}{x}$	xy

	\overline{y}	y
\overline{x}	1	1
x	1	1

شکل ۱۰ بم: حیار قسر یبی حنانوں سے سادہ رکن 1 حساسل ہوگا۔

کریں۔مساوات کوار کان ضرب کامحب وعبہ لکھ کراسس کی سادہ روی اخبذ کرتے ہیں:

$$F = x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= (x + \overline{x})\overline{y} + \overline{x}(\overline{y} + y)$$

$$= (1)\overline{y} + \overline{x}(1)$$

$$= \overline{y} + \overline{x}$$

 $\overline{x}\,\overline{y} = \overline{x}\,\overline{y} + \overline{x}\,\overline{y}$ جہاں، دو سرے ت مر پر جبدول ۱۲.۳ – بی کی شِق 4 (صفحہ ۵۰) استعال کرتے ہوئے $\overline{x}\,\overline{y} = \overline{x}\,\overline{y}$ ککھیا۔

شکل ۱۰٬۰۱۰ میں پارفتر بی حنانے ایک متطیل میں گھیرے حبا سکتے ہیں۔ ایک صورت میں تفاعل میں میٹ بلند (1) رہے گالہذااس کی مساوات F=1 ہوگی۔

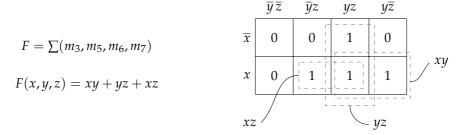
سشکل ۱۱.۱ مسیں متبریبی حنانے نہیں پائے جبتے، البذا ارکان خرب کے محبصوعہ کو مسزید سادہ نہیں بنایا حباسکتا۔ جب بھی کوئی حنانہ کسی منتظیل مسیں شامسل نہ ہو، اسس کارکن خرب جوں کا توں محبصوعہ (اور مسادات)مسیں رہے گا۔

مثق ابه: ارکان ضرب کے مجبوعہ کی سادہ صورت بوولین قوانین سے حساس کر کے ثابت کریں کہ شکل ۴۰۰۰

		\overline{y}	y
$F = x\overline{y} + \overline{x}y$	\overline{x}		$\overline{x}y$
	x	$x\overline{y}$	

	\overline{y}	y
\overline{x}	0	1
x	1	0

شكل ۱۱ بم: فت ربى حنانے نہيں يائے حباتے۔



شکل ۱۲. ۲۲: تین متغیب رتف عسل کے کارنانی نقشے سے سادہ مساوات کا حصول۔

F = 1 ہے۔

مثق ۲۰۰۸: رکن ضرب به ونے کی صورت مسین ثابت کریں کہ تفاعب کی مصاوات F=0 ہوگا۔

سشكل ۱۱.۱۸ مسين ايب تف عسل ديا گيا ہے جس كے حن نے كى مسرئع يا متطيل مسين نہيں گھيرے دبا كتے۔اليہ تف عسل كى مساوات كو سادہ نہيں بناياحبا سكا۔

۲.۳.۲ تین متغیر تفعل

تین متغیبر تف عسل اور اسس کاکار ناف نقشه مشکل ۱۲.۳ امسیں دکھیا گیا ہے۔کار ناف نقشے مسیں دو مستریبی حن انوں کو گھیسرنے والے تین متعلیل بست مسیں 2^n حن نے سموے حیائیں، جہاں n عدد صحیح ہے۔ یوں تین حن انوں کو گھیسرنے کی احباز سے نہیں۔

درمیانی متطیل 10 اور 17 گیر تا ہے۔ان حنانوں کے ارکان ضرب میں x کی قیت تبدیل ہوتی ہے، جب کہ 72

دونوں مسیں مشتر کے ہے۔ یوں ان کا سادہ رکن xz ہوگا۔ باقی دومتنطی سے xy اور xx حساصل ہوگا۔ یوں تغساعمل کی سادہ مساوات ان کا مجبوعہ (F = xy + yz + xz) ہوگا۔ اسس مساوات کو ارکان ضرب کے مجبوعہ ہے اور کان ضرب کے مجبوعہ ہے ہیں (جو آپ کو اگلی مثل مسیں کرنا ہوگا)۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3,m_5,m_6,m_7)$$
 $= \overline{x}yz + x\overline{y}z + xyz + xy\overline{z}$ (۴.۱) $= xy + yz + xz$ (پیم کومپوس) $= xy + yz + xz$

اسس مساوات کی دوسسری کگیسر مسیں، ارکان ضرب تمسام آزاد متخیسرات پر مشتل ہیں۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو تفصیلی رکن ضرب کہتے ہیں۔ مساوات کی تعیسری کگیسر کے ارکان ضرب مسیم، آزاد متخیسرات کی تعیداد کم ہے۔اسس طسرح کے رکن ضرب کوسادہ رکن ضرب کہتے ہیں۔اسس کتاب مسیم، عصوماً، دونوں اقسام رکن ضرب پکارے حبائیں گے۔امید کی حباتی ہے، مستن سے مطاب و مطلب واضح ہو گا:جہاں ایسا نہ ہو، وہاں انہیں مکمسل نام سے پکاراحبائے گا۔

مثق ۳.۳٪ بودلین الجیراات تعال کر کے مساوات ۴.۱ کی دوسری لکسیرے تیسری لکسیر حساسل کریں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں کہ آپ مشکل ۱۲.۳۴ کے کارناف نقتے سے دوار کان ضرب حساسل کرناحب نتے ہیں۔

 $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ اور $m_0=\overline{x}\overline{y}$ کا $m_0=\overline{x}\overline{y}$ کا $m_0=\overline{x}\overline{y}$ اور $m_0=\overline{x}\overline{y}$ کا محبوعہ حساصل کرتے ہیں۔

$$m_0 + m_2 = \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + \overline{x} y \overline{z}$$

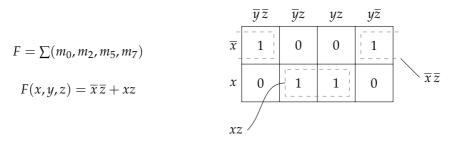
$$= \overline{x} \, \overline{z} (\overline{y} + y)$$

$$= \overline{x} \, \overline{z}$$

ان تین متغیبہ ارکان ضرب کے محب وعے سے دومتغیبہ رکن ضرب حساصل ہوا۔ یوں m_0 اور m_2 حنانوں کو متسر بی حنانے تصور کرناہوگا۔ آئیں اسس پر تفصیل سے گفتگو کریں۔

کارنان نشتے کے بایاں اور دایاں قطبار کے حنانوں کو قت ربی تصور کریں۔ تصور مسیں اسس کاعنبذ کو، جس پر کارنان نقش ب ہو، یوں گول کریں کہ کاعنبذ کابایاں اور دایاں کسنارہ آلپس مسل حب عکس۔ اب پہسلی اور آحنسری قطبار کے حن نے قسسہ بی ہوں گے۔ ای طسسرج، دوسے زیادہ صفوں کی صورت مسیں، نحی لی اور بالائی صف کے حنانے قسسر بی ہوں گے۔ تصور مسیں کاعنبذ کو یوں لپیٹیں کہ اسس کانحچلا کسنارہ بالائی کسنارے سے حب ملے یوں ان صفوں کے حنانوں کو قسسر بی تصور کمیاحبا سکتا ہے۔

مشکل ۱۳.۳ مسیں m_0 اور m_2 کو متطیل مسیں گھیرا دکھایا گیا ہے۔ (تصور کریں کہ لیٹے گئے کاعنبذ پر ان حنانوں کو متطیل مسیں گھیرنے کے بعد ، کاعنبذ کو دوبارہ سیدھا کیا گیا ہے؛ یوں متطیل دو نکڑوں مسیں نظسر آئے



شکل ۱۳۱۲، ۲۰ کارنان نقشے کے اطسران آلپس مسیں ملائیں۔

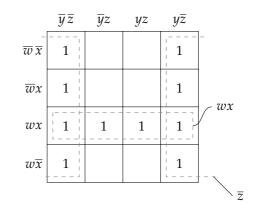
	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\begin{bmatrix} x & y & z \\ x & \overline{y} & \overline{z} \end{bmatrix}$	\overline{x} 1 x y	0	1	1 1	\bar{z}

شکل ۱۴، ۱۳: حیار ت ربی منانے۔

xz مشتر کے ہے، جو ہمارے توقع کے عصین مطابق ہے۔ حن سے \overline{x} اور \overline{x} اور \overline{x} مشتر کے ہوں قاعل کی اور اور ان ان ادوار کان کا محبوعہ $F=\overline{x}$ $\overline{z}+xz$

سشکل ۱۳.۸ مسیں تین متغیبر کارناف نقث دیا گیا ہے، جس مسیں حیار قت بین حنانوں کے دومسر بعے بنائے گئے ہیں۔ آپ کارناف نقٹے کو دکھ کر تفاعسل کی سادہ مساوات کھ سکتے ہیں۔ (اگر آپ ایسا نہیں کر سکتے، تیار ہو حبائیں!اگل مثق مسیں یمی کہنے کو کہا گیا۔۔)

مثق ۲۰.۳: سشکل ۱۲.۳ مسیں دیئے تف عسل کی سادہ مساوات کارناون نقشے سے حساصل کریں۔ای مساوات کو بودلین الجبرا کی مدد سے حساصل کریں۔ شکل مسیں حیار کونوں کامشتر کے حصہ ((\overline{Z}) د کھسایا گیا ہے۔



 $F(w, x, y, z) = wx + \overline{z}$

شكل ۱۵. ۲۲: حيار متغير نقث (برائے مثال ۱۰٫۲)

۳.۳.۳ حيار متغير تفاعل

حیار آزاد متغیر تف مسل کے سولہ ارکان خرب ہوں گے۔ اسس کے کارناف نقٹے مسیں قسر بی حنانوں کو پہیانے کی حن طسر تقتے کو ایک سطح پربت ہواتصور کریں کہ نقتے کی دایاں قط ارتفتے کی بائیں قط ارسے حب ٹراہو۔ ای طسر تفتے کی بالائی صف اور m_1 حن نے مسیں حب ٹرے ہوں۔ یوں m_2 حن نے m_3 حن نے حب ٹرتا ہے، اور m_1 حن نے حب ٹرتا ہے، اور m_1 حن نے حب ٹرتا ہے۔

اس نقتے مسیں دو، حیار، آٹھ اور سولہ فت ربی حنانے بسنانا مسکن ہے۔ دو فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں تین متغیرات ہوں گے۔ حیار فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں دو آزاد متغیرات ہوں گے۔ آٹھ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں ایک متغیر ہوگا، جبکہ سولہ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
کے برابر ہوگا۔

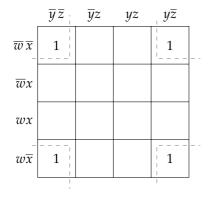
حيار متغب ركارنان نقثوں كى چند مثاليں ديكھتے ہيں۔

مثال ابن درج ذیل تف عسل کی سادہ مساوات شکل ۱۵،۴ مسیں پیش کی گئے ہے۔

 $F(w, x, y, z) = \sum_{n=0}^{\infty} (m_0, m_2, m_4, m_6, m_8, m_{10}, m_{12}, m_{13}, m_{14}, m_{15})$

مثال ۲.۲: درج ذیل تف علات کی اده مساوات حساصل کریں۔

$$F(w,x,y,z) = \sum_{m_0,m_5,m_7,m_{10},m_{11},m_{13},m_{15}} F(w,x,y,z) = \sum_{m_0,m_2,m_8,m_{10}} (m_0,m_2,m_8,m_{10})$$





$$F(w, x, y, z) = \overline{x}\,\overline{z}$$

$$F(w, x, y, z) = \overline{w} \, \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + xz + w \overline{x} y$$
(1)

شکل ۱۱، ۲: حیار متغیر نقث (برائے مشال ۲،۴)

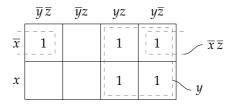
مثق ۵. ۴: سنگل ۱۲.۴-ب کے حپار حنانوں کے ارکان ضرب کے محبسوعہ کا سادہ روپ، بوولین قوانین کی مدد سے حاصل کرکے ثابت کریں کہ ہے۔ وقت رہی حنانے ہیں۔

مثال ٣.٣: تين آزاد متغيرات كے بلا شرك گير كاكارنان نقث حياصل كريں۔ حل: شكل ١٤.٢ مسيں نقث پيش ہے۔ اسس مسيں و ترب حنانے نہيں پائے حباتے، الهذا اسس كی مساوات مسزير سادہ نہيں بن كي حباستی۔

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}		1		1
x	1		1	

 $F(x,y,z)=x\oplus y\oplus z$

شكل ١٤. ٢٠: تين متغب ربلاث ركت گيٺ كانقث (برائے مثال ٣٠٨)



 $F(x,y,z) = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$

شکل ۱۸.۲: سادہ مساوات سے ارکان ضرب کے محب وعبہ کاحصول (مثال ۲۰.۲)۔

۲.۳.۳ سادہ مساوات سے تف^عل کے ارکان ضرب کا حصول

کی بھی تفاعل کی سادہ مساوات کا حصول بذریعہ کارناف نقشہ آپ نے دیکھا۔اسس جے مسیں اسس طسریقہ کار کو اُلٹ چپا کر تفاعسل کی سادہ مساوات ہے ارکان ضرب کا محبموعہ حاصل کیا جبائے گا۔ یہ ترکیب مثال ہے بہتر سجھ آئی گی۔

مثال م. من درن ذیل ساده مساوات سے تف عسل کے ارکان ضرب کامحب وعب دریافت کریں۔

$$F(x,y,z) = y + \overline{x}\,\overline{z}$$

حل: سشکل ۱۸.۴ مسیں سادہ مساوات سے کارناف نقشہ حساس کیا گیا، جس سے محبموعہ ارکان ضرب لکھا گیا۔

م. م ضرب ار کان جمع کے روی مسیں سادہ مساوات

کارناف نقشے کے ان حنانوں مسیں 1 پُر کیا حباتا ہے جن مسیں تف عسل کے بوولین حبدول مسیں ارکان ضرب کی قیب 1 ہو گور قیب 1 ہو۔ تف عسل کے متم کے بوولین حبدول مسیں جہاں پہلے 0 محتااب وہاں 1 ہوگا۔ اسس حبدول کے کارناف نقشے سے ارکان ضرب کے محبوع کی مساوات، تف عسل کے متم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات مسیں ہوگا، جس کا متم لے کراف ان قن عسل کی (ضرب ارکان جمع کے روپ مسیں) محبوع سے ارکان ضرب کے روپ مسیں ہوگا، جس کا متم لے کراف ان قن عسل کی (ضرب ارکان جمع کے روپ مسیں) سادہ مساوات حسال ہوگا۔ ایک مشال سے اسس بات کی وضاحت کرتے ہیں۔

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}	0	0	1	1
x	1	1	0	0

г		_		_	,	`
r	=	xy	+	xy	(_	_)

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}	1	1	0	0
x	0	0	1	1

$$\overline{F} = \overline{x}\,\overline{y} + xy \quad (3)$$

х	у	z	F	F
0	0	0	0	1
0	0	1	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	1	0
1	0	0	1	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	0	1
		(1)		

سشکل ۱۹ ۲٪ محبسوعی ارکان ضرب اور ضرب ارکان جمع کے روپ مسیں سادہ مساوات (مشال ۵۰٫۴)۔

مشال ۴.۵: مندرجب ذیل تف عسل کے محبموعب ارکان ضرب اور ضرب ارکان جمع کی سادہ مساوات حسامسل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_2, m_3, m_4, m_5)$$

سن: شکل ۱۹.۴ الف میں تفاعل اور اسس کے متم کا جدول پیش کی گیا ہے۔ ،شکل بری گئی ہے۔ مشکل ج میں دی گئی ہے۔ سنی دی گئی ہے۔ سنی دی گئی ہے۔ سنی دی گئی ہے۔ سنی ارکان خرب کے مجموعہ کی صورت میں دی گئی ہے۔ سنی کے ارکان جع کی میں اوات، تفاعل کے متم کی ہے، جس کا متم لے کر (اور پوولین کلیات استعال کر کے) تفاعل کے ارکان جع کی ضرب کی (درج ذیل) بردہ می اوات ساسل ہوگی۔

$$F = \overline{\overline{F}} = \overline{x} \, \overline{y} + xy$$

$$= (\overline{x} \, \overline{y})(\overline{xy})$$

$$= (\overline{x} + \overline{y})(\overline{x} + \overline{y})$$

$$= (x + y)(\overline{x} + \overline{y})$$

۸۵٪ غيبر دلچيپ حيال

	\overline{y}	y	\overline{y} y				
_	1	L	 	\boldsymbol{x}	y	F	\overline{F}
\overline{x}	1	0 1	$\overline{x} \mid 1 \mid 0 \mid$	0	0	0	1
			1,	0	1	1	0
x	d	1	$x \mid \mid d \mid \mid 1 \mid \mid$	1	0	d	d
Į				1	1	1	0
	F =	$x + \overline{y}$	$F = \overline{y} + x$		((i)	
	(5))	(<u> </u>)				

شكل ۲۰ . ۲۰: غني رولي بي حال (مثال ۲۰ .۳) ـ

۴.۵ عنبردلچسپ حال

ہم نے اب تک جبتے تف عسل دیکھے، ان مسیں مداحسٰل کی تمسام صور توں کے مطابقتی محسٰارج دستیاب اور ضروری تھے۔ بعض او صاحب مداحسٰل کی چب نہ قبستیں ممسکن نہسیں ہول گی یاان کے مطابقتی محسٰارج استعال نہسیں ہوں گے۔مداحسٰل کے ان قیتوں کو عسب رد کیے سب سے سال کہتے ہیں۔

تف عسل کی سادہ مساوات حساس کرتے وقت، کارناف نقشے کے عنیہ ولچ پ حسال حنانوں مسیں 0 یا 1 کی بحب کے d درج کسیاحباتا ہے۔ وقت بی حن نے گھیرتے وقت اگر کسی عنیہ صغروری حن نے مسیں 1 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہو تو اسس حن نے مسیں 1 تصور کریاحباتا ہے، اور اگر اسس مسیں 0 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہوتی ہے تو اسس مسیں 0 تصور کسیاحباتا ہے۔

مشال ۲.۷: درج ذیل تف عسل کی سادہ مساوات، محبموعہ ارکان ضرب اور ضرب ارکان جمع کے روپ مسیں حساس کریں۔

$$F(x,y) = \sum (m_0, m_3)$$

$$d(x,y) = \sum (m_2)$$

سل: تف عسل کا ایک حسال غنید دلیپ ہے۔ شکل ۲۰۰۸ میں تف عسل کا بودلین حبدول اور کارنان فیٹ دکھائے گئے ہیں۔ مجبوعہ ارکان خرب کے روپ مسیں سادہ مساوات حساسل کرتے وقت غیر دلیپ حنانے کی قیمت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی (شکل - ب)۔ خرب ارکان جمع کے روپ مسیں بھی غییر دلیپ حنانے کی قیمت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی (شکل - ب)۔

 $F(w,x,y,z)=\sum_{m=0}^{\infty}(m_0,m_2,m_8,m_9,m_{12},m_{13},m_{15})$ $f(w,x,y,z)=\sum_{m=0}^{\infty}(m_1,m_2,m_3,m_{11})$

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\overline{w}\overline{x}$	1	d	d 	1	$\overline{w}\overline{x}$
$\overline{w}x$		d			$F(w, x, y, z) = w\overline{y} + \overline{w}\overline{x}$
wx	1	1			1(w,x,y,z) = wy + wx
$w\overline{x}$	1	1	d		
			$\overline{w}\overline{y}$		

شكل ۲۱.۳۱ غيسر دليسي حسالات (مشال ۲۵.۴) ـ

سل: سشکل ۲۱٫۳ مسین کارناف نقشہ پیش کی گیا ہے۔ سادہ مساوات کے حصول مسین (بالائی صف کے) دو عنی رد کچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رکچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رپوشش کی گئی۔ ہے۔

ا___

تركب بي منطق اور ترتب بي ادوار

تر کیبی منطق اے مسراد وہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ مداحنل پر مخصسر ہو؛ یعنی، کسی بھی لمحس پر تفاعسل کا محنارج، اُی لمحسے کے مداحنل پر مخصسر ہوگا۔ ایسے تفاعسل کو ترکسیبی ادوارے حسامہ عمسل پہنایا حساتا ہے، جوشنائی گیٹ سے حساصل کئے حساتے ہیں۔اسس باب مسیں ترکسیبی ادوار پر غور کسیاحبائےگا۔

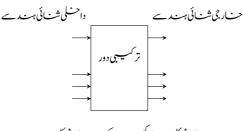
اسس کے برعکس، ترت**نی منطق ا** سے مسرادوہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ اور ماضی مداحنل پر منحصر ہو! یتنی، کسی بھی لمحسے پر تف عسل کامخنارج، گزرے اور موجودہ مداحنل پر منحصر ہوگا۔ ترتیبی منطق کو ترتیبی ادوار سے حساس عمسل پہسایا حساتاہے، جن پراگلے باہے مسین غور کے حساب گا۔

کسی بھی ترکسیبی دور کو سشکل ۱.۵ گوبہ شک**ل ت**ے ظاہر کسیا جباسکتا ہے، جہاں مداحشل شنائی ہند سوں (مداحشل بِٹ) کو مائیں جسکہ محساری شنائی ہند سول کو دائیں ہاتھ رکھسا حباتا ہے۔

ا.۵ شنائی جمع کار اور شنائی منفی کار

دواعب داد کو جمع یامفی کرنابنیادی حساب کاحسے ہے۔ آئیں دوبِ جمع کرنے والے دور پر غور کریں۔

combinational logic sequential logic box diagram



شکل ۵.۱ ترکی ور کی ڈب شکل۔

ا.ا.۵ نصف جمع کار

ایک بٹ کی قیت صرف 0 یا 1 ہو سکتی ہے، البذادوبٹ جع کرتے ہوئے درج ذیل حیار (شنائی) صور تیں پیدا ہوں گا۔ (اسس باب مسیں شنائی ہندہ سے اور اعبداد استعمال ہوں گے: زیر نوشت 2 کھے کروف دے نہیں کی حبائے گا۔)

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10$$

اسس مساوات مسین دوبرئے جمع کئے گئے، البذا مداحسٰل کی تعبداد دو ہو گی۔ مساوات مسین اگر حپ پہلے تین جوابات ایک برئے ہیں، لسیکن آحسٰری جواب دوبرئے ہے۔ یوں، تمسام صور توں سے نیٹنے کی حسٰاطسر، جوابات دوبرئے تصور کے حسائیں گے، اور ذکل لکھٹ بہتر ہوگا:

$$0 + 0 = 00$$

$$0 + 1 = 01$$

$$1 + 0 = 01$$

$$1 + 1 = 10$$

جس سے داضح ہے کہ جواب دوبٹ ہیں۔ ایول، دوبٹ جمع کرنے والے دور کے دومداحن اور دوممنارج ہول گے۔

مدا حسل کو y اور z ، جبکہ محساری کو s اور c ککھ کر درج بالامساوات کو حبدول a المسیں پیش کسیا گسیا ہے، جس سے تقساعسلات c اور s کی مساوات ، محبوعہ ارکان ضرب کے رویہ مسیں حسامسل کرتے ہیں۔

$$c = yz$$

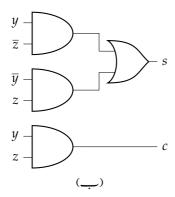
$$s = \overline{y}z + y\overline{z}$$

اِن تف عسلات کے (دو مختلف اقسام کے)ادوار شکل ۲.۵ مسیں پیش کیے گئے ہیں، جو نصف جمیع کار مہاب لاتے ہیں۔اسس نام کی وضاحت اگلے حسب مسیں ہوگی۔

half adder"

حبدول ۵: دوبِٹ جمع

y	z	С	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0







		,
لمسل جمع كار	∟۵.۲:	حسدول

x	y	z	С	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

۵.۱.۲ مکسل جمع کار

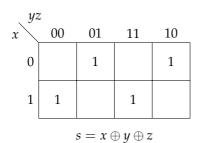
آئیں، ایک سے زیادہ ہے شنائی اعبداد $y=111_2$ اور $z=11_2$ کے مجبوعے کا حصول دیکھتے ہیں۔

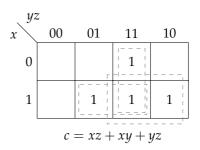
ظ ہر ہوا، دواعب داد جمع کرنے کی حن طسر ایب دور در کار ہو گا جو تین بٹ جمع کر سکے۔ آئیں ایب دور دیکھتے ہیں۔

اس دور کے مداحنل y ، x اور z جبکہ محنارج c اور c لیتے ہوئے (جباں x پچیلے متدم کاحباصل ہوگا) حبدول c کلمتے ہیں۔

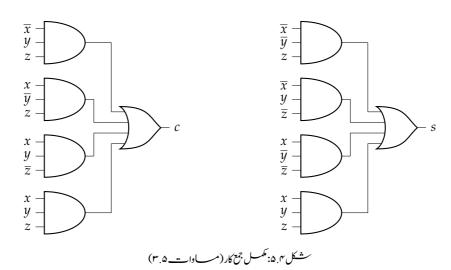
حبدول ہے 2 اور 8 کے تفاعسات کی مساوات ، مجبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسین حسامسل کرتے وقت ہیں۔ یادرہ جبدول مسین تین آزاد اور دو تائع متغیرات ہیں۔ ایک تائع متغیرہ کی مساوات حسامسل کرتے وقت وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کی اور 2 پر نظر رکھتے ہوئے 2 کے ارکان ضرب کا مجبوعہ لیں۔ شکل ۳۵،۵ مسین کارناف نشوں سے ان تفساعسات کی (درج ذیل) سادہ مساوات حسامسل کی گئی ہیں۔

$$c = xz + xy + yz$$
$$s = x \oplus y \oplus z$$





شکل ۱۵:۵: مکسل جمع کار

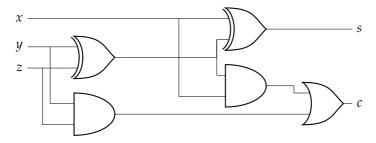


کارناون نقشہ استعمال کیے بغیب رحبہ ول ۲۰۵ سے ان تف عسلات کی مساوات، محبب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیر لکھتے ہیں۔

$$\begin{array}{c} c=\overline{x}yz+x\overline{y}z+xy\overline{z}+xyz\\ s=\overline{x}\,\overline{y}z+\overline{x}y\overline{z}+x\overline{y}\,\overline{z}+xyz \end{array}$$

انہیں شکل ۴.۵ میں عملی حبامہ پہنایا گیاہے۔

 $(\overline{x}+x)yz$ جبکہ باقی احب زاء کا محبوء سے در جبال جب کی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج بالا جب کی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی کے درج باتی کے درج باتی کے درج باتی دواحب زاء کی درج باتی کے درج باتی



شكل ۵.۵: مكسل جمع كار كابهستر دور (مساوات، ۴.۵)

لہذا c کے لئے درج ذیل لکھا حباسکتاہے۔

$$c = (\overline{x} + x)yz + x(\overline{y}z + y\overline{z})$$

= $yz + x(y \oplus z)$

اس کومساوات ۲.۵مسیں پیش ۶ کے ساتھ اکٹھ ہیں۔

$$(a.r)$$
 $c=yz+x(y\oplus z)$ $s=x\oplus y\oplus z$ $\left\{ egin{array}{c} c & & & \\$

ان تف علات کوشکل ۵.۵ مسیں پیش کی گیاہے، جوشکل ۵.۸ سے بہتر (تھوٹا) ہے۔ مساوات ۵.۸ مسیں دیے S سے ارکان ضرب کامحبوعہ ساسل کرتے ہیں۔

$$s = x \oplus (y \oplus z)$$

$$= x \oplus (y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(y\overline{z} + \overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(y\overline{z})(\overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(\overline{y} + z)(y + \overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(yz + \overline{y}\overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= xyz + x\overline{y}\overline{z} + \overline{x}y\overline{z} + \overline{x}\overline{y}z$$

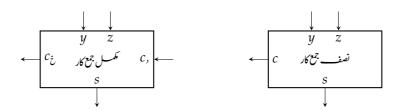
شكل ٥.٥ مكل جمع كارا كها تاب، البذاشكل ٥.٩ كونصف جمع كارا كهيس كـ

حبدول ۲.۵ مسیں y اور z شنائی ہند سول کے ساتھ گزشتہ متدم کاحساس x جمع کسا گیا۔ شکل ۱.۵ مسیں نفف جمع کار اور کسل جمع کار کو مسل جمع کار اور کسل جمع کار کو کار کو مسل جمع کار اور کسل جمع کار اور کسل جمع کار کو کار

full adder'

half adder^

carry in



شکل ۲.۵: نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبلامت یں۔

ت دم کے فارج پر عاصل ہ ہو ¿c سے ظب ہر کبا گیا۔

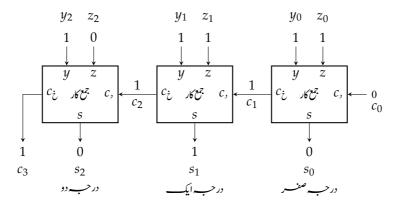
آئیں 1112 🔻 اور 112 🙎 کامحبسوعہ مکسل جمع کار کی مدد سے حساس کریں۔سب سے پہلے دونوں اعب داد کو تین شنائی ہند سوں مسیں لکھیں،الہذا و 211 z=0 ہوگا۔ شکل 2.2 مسیں مطابوب تین درجی، تین ہینے جمع کارپیش کسا $z = y_2 y_1 y_0$ اور $y = 111 = y_2 y_1 y_0$ اور $y = 111 = y_2 y_1 y_0$ اور ہنے ہوں کمر تی بے کے مکسل جمع کار کو دونوں اعبدادے کم رتبی ہندے، $y_0=1$ اور $z_0=1$ ، منسراہم $z_0=1$ ہنے ہوں کمر تبی ہندے، $z_0=1$ ہندے کے مکسل جمع کار کو دونوں اعبدادے کم رتبی ہندے، $z_0=1$ ہندے ہور ہم ہندے ہور ہم منسراہم کے حیائیں گے،اور ساتھ ہی چونکہ پہلے ت دم مسیں کوئی"دا ^{حن}لی مساصل "نہیں ہو گالہہٰ ذادا ^{حن}لی مساصل 0 👤 🕳 ونسراہم کیا جبائے گا۔ اگلے ت دم مسین جمع کار کو $v_1 = 1$ اور z = 2 کے ساتھ پہلے ت دم کاحب اسسال c_1 بطور دا خنلی سیاصل، منسراہم کسیاحیائے گا، جب کہ آمنسری جمع کار کو $y_2 = 0$ اور $y_3 = 0$ کے ساتھ گزشتہ متدم کا حساصل c2 فنراہم کساحسائے گا۔ تین بٹ جع کار،ان اعبداد کامجب وعب c3525150 = 1010 دے گا۔

$$\begin{array}{c}
111 \\
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

شکل ۲۰۵۵ مسین جو نکه در حب صف ر کاداحنلی حساصل ہمیشہ 0 ہوگالب زایب ان مکسل جمع کار کی بحب نے نصف جمع کار بھی استعال کے صرورت نہیں ہوگی۔

زبادہ ہا اعبداد کے محب موعب کے لئے شکل 2.4 مسیں مائیں حیازے مسئرید مکسل جمع کار کااضاف کسیا سیائے گا۔ بول 8 بٹ(لینی ایک بائٹ)اعبداد کامحبسوعہ آٹھ درجی جمع کار دے گا،جو 8 مکسل جمع کاریر مشتمل ہو گا،جب کہ 64 بٹاعبداد کے محب وعبہ کے لئے 64 مکسل جمع کارپر مشتل 64 بٹ جمع کار در کار ہو گا۔



مشكل ٤٠: تين درجي، تين بك جمع كار

مثق ا.۵: مختلوط دور 74283 مپاریک مکسل جمع کارہے (صفحہ ۴۵ پر مختلوط ادوار کے سلسلہ 74xxx کے بارے مسین دوبارہ پڑھسین)۔ اسس کے معسلوماتی صفحات انتشار نیٹ 'اسے صاصل کریں۔ اسس مختلوط دور کو استعال کرتے ہوئے 8 بٹ کے دوشنائی اعساداد جمع کریں۔

۵.۱.۳ منفی کار

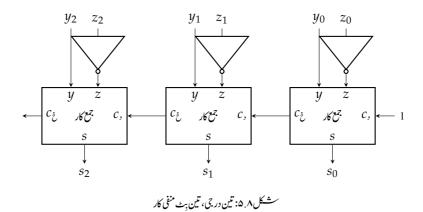
شنائی اعبداد کو کمپیوٹر دو کے تکمسلہ کی مدد سے منفی کر تاہے۔ دو کا تکمسلہ استعمال کرتے ہوئے شنائی اعبداد منفی کرنے کے عمسل پر دوبارہ نظسر ڈالتے ہیں۔ یادر ہے، بلسند تررتی ہوئے کہ جمع سے پیدا، آحنسری حسامسل منسائع کمپاحباتا ہے، جبکہ اسس کی عنسیسر موجود گی مسیں منتیج کادو کا تکمسلہ لسیاحب تاہے۔

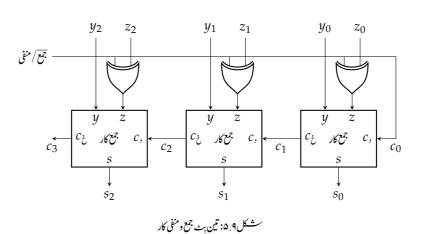
شنائی عبدد کے اس سس منفی ایک تکسلہ (یا متم) کے ساتھ 1 جمع کرنے سے عبدد کا اس ای تکسلہ حساسل ہوگا۔ عبدد کا متم حساسسل کرنے کی حن اطسر عبدد کے ہربٹ کا متم لیا حباتا ہے۔ بٹ کا متم بذریعہ نفی گیٹ لیا حباسکتا ہے۔

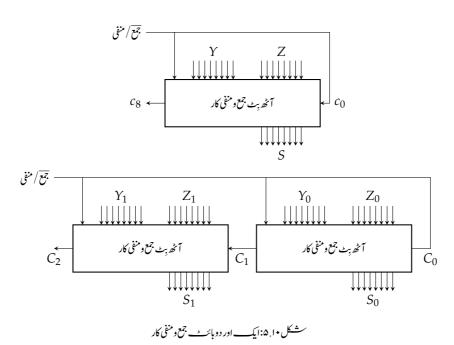
تین بِٹ شنائی اعتداد y اور z = (y - z) حساصل کرنے کے لئے z کے متم کے ساتھ 1 اور y بھی کرناہو گا۔ شکل میں اس مسل کو محسلی حباسہ پہنایا گیا ہے، جہاں نفی گیٹ استعال کر کے z کامتم (یا ایک کا تکمیاء) حساصل کسائٹ اور ساتھ 1 بھی کرنے کی حن اطسر در حب صنسہ کو داخنلی حساصل 1 فسنراہم کسائٹ۔

سشکل ۵. کاور سشکل ۵. ۸ دونوں مسیں مکسل جمع کار استعال ہوئے۔ سشکل ۵. کے ساتھ نفی گیہ نسلک کر کے اور داختلی حساس سلک کے دور سے بھی حساس کے دور سے بھی دور سے بھی کا کہ جب میں بیٹ ہے۔ حباسکتے ہیں۔ایسا دور جے جمع و منفی کار کہتے ہیں شکل ۹.۵ مسین پیش ہے۔

'انٹ رنیٹ مسیں74283 datasheet تلاشش کریں۔







اسس شکل مسیں بلا شسر کسے جمع گیٹ استعمال کیے گئیا، اور مت ابواسفارہ جمع گیٹ کی کا اصف دنے کسے گئیا۔ اسس مت ابواسفارہ کی کارکرد گی پر غور کرتے ہیں۔ جب جمع گرمنفی اسفارہ کی کارکرد گی پر غور کرتے ہیں۔ جب جمع کم منفی اسفارہ ہیں۔ جب جمع گار کی حیثیت سے کار تک کی حیثیت سے کار کرکے گا۔ ورساتھ ہی $c_0=0$ ہو گا: لہذا ہے۔ دور تین بٹ جمع کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

اسس کے بر عکس، جَمْع کامنفی احشارہ بلند (1) ہوبلا شہر کت جمع گیٹ عدد z کامتم \overline{z} مکسل جمع کار تک پہنچ کے گا، اور ساتھ ہی $c_0=1$ ہوگا؛ لہذا ہے دور تین ہے منفی کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

وت ابو امشارہ کے نام مسین "منی" اور "" لکھ کر ہے واضح کی گیا ہے کہ امشارہ بلند ہونے کی صورے مسین منفی کار اور پہ۔ ہونے کی صورے مسین جمع کار حساصل ہوگا۔

آٹھ بٹ جمع و منفی کار کو ایک بائٹ بہتی و منفی کار کہتے ہیں۔ شکل ۱۰.۵ مسیں ایک بائٹ اور دوبائٹ بہتی و منفی کار د کھائے گئے ہیں۔ اسس کے بائیں حبائب مسزید ورحبات جوڑ کر متحد دبائٹ کا دور جنایاحب سکتا ہے۔ یہاں Y_0 پہلے بائٹ (لیمنی بسلے بائٹ y_1 کی جمع کا بائٹ (لیمنی بٹ y_2 تا y_3 کا طابر کر تاہے، جب کہ y_2 سے مسراد دوسسرے بائٹ کی جمع کا حذار جی ساسل ہے۔

بدول ۳.۵:اعث اری جمع کار کے مطلوب جواب
--

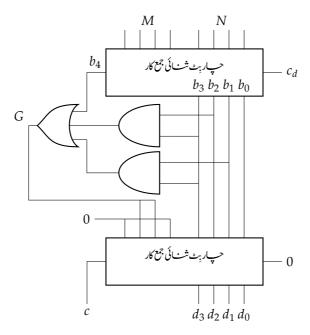
		شنائی			_	شارسي	ثن	اعثاری		
b_4	b_3	b_2	b_1	b_0	С	d_3	d_2	d_1	d_0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	2
0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	3
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	4
0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	5
0	0	1	1	0	0	0	1	1	0	6
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	7
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	8
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	9
0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	10
0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	11
0	1	1	0	0	1	0	0	1	0	12
0	1	1	0	1	1	0	0	1	1	13
0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	14
0	1	1	1	1	1	0	1	0	1	15
1	0	0	0	0	1	0	1	1	0	16
1	0	0	0	1	1	0	1	1	1	17
1	0	0	1	0	1	1	0	0	0	18
_ 1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	19

۵.۱.۴ اعثاری جمع کار

جیب پہلے ذکر ہوا، اعشاری اعتداد کو ثن**ائی** مر **موز اعشاریہ** "ے ظاہر کیپ حباتا ہے۔ ایب مکسل جن کار بنت تے ہیں جو دواعشاری ہیں جن دواعشاری است نے میں جو دواعشاری ہند سے اس کا یا 1 ہو ہونگہ داخشاں میں اس کا جن میں میں اس کا جو جو نکہ اعشاری ہند سے N ، M اور داخشاں سے محال کے جو اب M ہوگی ہنہ سے اس میں جن کار کے جو اب M ہوگی ، جنہ سے اعشاری ، شنائی مصر موز اعشار سے اور شنائی روپ مسیں جب دل ہے۔ سامشاری ، شنائی مصر موز اعشار سے اور شنائی روپ مسیں جب دل ہے۔

حبدول مسیں، حیار بِٹ شنائی روپ مسیں حنار جی حیاص کو b_4 ، جب ہشنائی مسر موزاعشار سے مسیں حنار جی حیاص کو c ی سے طاہر کسیا گیا ہے۔ ان طسریقوں مسیں c یا c جوابات ایک جیے، جب ہم 10 یا 19 ایک روسسرے سے مختلف کھے جب تے ہیں۔ یوں اگر حیار بِٹ شنائی جج کاراستعال ہواور جواب c یہ وہت یہی جواب بطور شنائی مسرموز اعشار سے جواب وشنائی مسرموز اعشار سے جواب تا کی مسرموز اعشار سے جواب تا کہ مسرموز اعشار سے جواب تا کہ میں کیا کہ سے میں کیا کہ سے میں کہا کہ سے میں کہا کہ سے میں کہا کہا ہے۔

binary coded decimal (BCD)"



شکل ۱۱. ۵: شنائی مسرموز اعثار به روی مسین اعثاری جمع کار

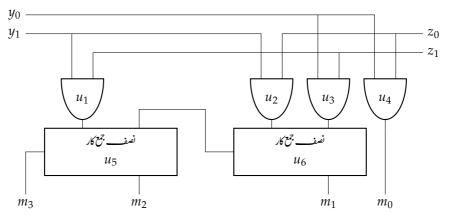
یہاں ایک دلچیپ حقیقت پر غور کرتے ہیں۔ ناصابل مسبول شنائی جواب کے ساتھ 0110₂ شنائی طور جمع کرنے سے درست شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل ہو گا۔ مشلاً، 201010 کے ساتھ 0110₂ جمع کرنے سے 10000₂ مسئل مسرموز اعشاریہ مسین درست جواب ہے۔ یوں 0 تا 9 شنائی جوابات کوجوں کا توں، جبکہ ان سے بڑے جوابات کے ساتھ 0110₂ شنائی طور جمع کرکے شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل کے ساتھ ہیں۔

حبدول ہے واضح ہے کہ جب شنائی جمع کار کے جواب میں صاربی صاصل b_4 بلند ہو، اس جواب کوشنائی مسرموز اعشار جواب تسلیم نہیں کیا جب سکتا؛ اس کے عالاوہ جب b_3 بلند ہو تب بھی جواب کوشنائی مسرموز اعشار ہے۔ تسلیم نہیں کیا جب سکتا۔ ان حت اُق کو درج ذیل ہوولین مساوات بیان کرتے ہے، جب ان نات بل قسبول جواب کی صورت مسیں G بلند ہوگا۔

$$(a.a) G = b_4 + b_3 b_2 + b_3 b_1$$

اس حقیقت کو استعمال کرتے ہوئے شنائی جمع کارکی مدد سے شنائی مسرموز اعشاریہ جمع کارکا حصول شکل ۱۱.۵ مسیں دکھایا گیا ہے۔ اگر G پست ہوتب نحیلا جمع کاربالائی جمع کارکے جواب کے ساتھ 0 جمع کرکے ای جواب کو حنارج کرتا ہے، جبکہ G بلند ہونے کی صورت مسیں ساتھ 20110 جمع کرکے درست شنائی مسرموز اعشاریہ حنارج کرتا ہے۔ جب۔ جبکہ G بلند ہونے کی صورت مسیں ساتھ 20110 جمع کرکے درست شنائی مسرموز اعشاریہ حنارج کرتا

۵.۲ شنائی ضرب کار



مشكل ١٢. ٥: دوبث شن أكي ضرب كار

۵.۲ شنائی ضر کار

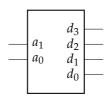
شن کی ضرب بالکل اعشاری ضرب کی طسرح کی حباتی ہے۔ دوبِٹ شنائی اعسداد y اور z کو مشلم و کاعنبذ کی طسرز پر ضرب کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

اسس مساوات سے حسامسل دو بِٹ شنائی ضرب کار سشکل ۱۲.۵ مسیں پیش ہے۔ زیادہ بِٹ کے ضرب کار بھی ای طسرح تفکیل دیے حیاتے ہیں۔

درن بالانسلم و کاغن ذکی طرز پر ضرب مسین کمت رب $m_0 = y_0 z_0$ میں جو شکل مسین جن گیا دیت ہے۔ $y_1 z_0$ دیت $y_1 z_0$ بر $y_2 z_1$ بر $y_3 z_1$ ویت $y_1 z_0$ بر $y_1 z_0$ ویت $y_1 z_0$ ویت $y_2 z_1$ ویت $y_3 z_1$ ویت $y_3 z_1$ ویت $y_3 z_1$ ویت $y_3 z_1$ ویت $y_4 z_0$ ویت $y_5 z_1$ ویت $y_5 z_$

مثق ۵.۲: شن كَى اعبداد 112 اور 10₀ جمع كرنے كے قتدم شكل ۱۲.۵ كے دورمسين كرتے ہوئے د كھائيں۔

يا ببك	ا ^ن , ما	ئار بى بىك d ₃ d ₂ d ₁ d ₀						
a_0	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0			
0	0	0	0	0	1			
0	1	0	0	1	0			
1	0	0	1	0	0			
1	1	1	0	0	0			



شکل ۱۳.۱۵: دوسے حیار مشناخت کار

مثق ۵٫۳ انٹرنیٹ سے 74284 مختلوط دور کے معسلوماتی صفحات حاصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیا کام سرانحبام دیتاہے؟

۵٫۳ شناخت کار

مداخنل 00 (حبدول کی پہلی صف) کرنے سے حپار محنارج مسیں سے ایک، یعنی d_0 کی شناخت ہوتی ہے۔ ای طسرح 10 محنارج d_1 کی، 10 محنارج d_2 کی، اور 11 محنارج d_3 کی شناخت کرتے ہیں۔

اگر d حپار مختلف جگہتیں، مشاأ، حپار گلیاں، یا حپار مکان، تصور کی حب نیں، تب م ان کا پت ہوگا، جس کے ذریعت ان تک پنجین مسکن ہوگا۔ ای مشاہرت مے 2 کو پہنتا کے بیٹے یا پہنتا ہے "ایاصرف پہنتا گا کہ تین مسلم ان تک پنجین کرنے والے "پت کے بٹول"کا استعال عسام ہے اور انہیں، عسوماً، م سے ظاہر کیا حب تا ہے۔ حب تا ہے۔

کی بھی پت کواعث اری روپ مسیں لکھیں ؛ بین معتام منتخب ہوگا۔ یوں 1012 بت معتام d_5 لین کا منتخب کرے گا۔

decoder"

address bits

۳.۵. شناخت کار



شكل ١٨.٥: دوباحيار شناخت كار

مشکل ۱۳.۵ مسیں دیے حب ول کو مختارج کے لئے حسل کر کے درج ذیل حساس ہوں گے۔

 $d_0 = \overline{a}_1 \overline{a}_0$

 $d_1 = \overline{a}_1 a_0$

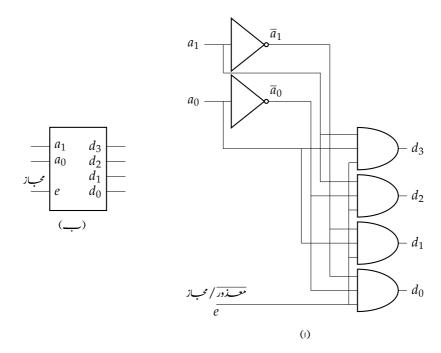
 $d_2 = a_1 \overline{a}_0$

 $d_3 = a_1 a_0$

شکل ۱۳.۵ سیں ان مساوات سے حاصل دوباحیار (2 × 4) شاختے کار پیش اسے، جس کے داختی ہوئی ہے کہ تعداد دورو (2) ، جبکہ حنار بی ہوئی کی تعداد حیار (4) ہے۔

شکل ۱۳.۵ مسیں پیش شناخت کار کے تمام ضرب گیٹوں کے ساتھ اضافی صابع مداحسل جوڑ کر محباز و معنذور مصلاحیت کا ۱۳.۵ مسیں پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اراد استان پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اور وگا اور (e) کی صورت مسیں، شناخت کرنے کا محباذ ہوگا، پیت احدار کی صورت مسیں شناخت کار معنذور ہوگا اور اسس کے تمام محدارج پیش محتارج پیس ہوں گے۔ شکل - ب مسیں اسس کی عسلامت پیش کی گئے ہے، جہاں مصابوات اور کو محتف را «محباز» کہا گیا ہے۔

حبدول ۲.۵ الف مسین محباز و معنزور صلاحی کے شناخت کار کی کارکردگی پیش کی گئی ہے۔اسس حبدول decoder



شكل ١٥.١٥: محباز ومعهذ ورصلاحيت كادوباحب ارسشناخت كار

حبدول ۴۰.۵:محباز ومعبذور صبلاحیت کاسشناخت کار

(<u> </u>)										
e	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0				
0	x	x	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0	1				
1	0	1	0	0	1	0				
1	1	0	0	1	0	0				
1	1	1	1	0	0	0				

			(1)			
e	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

۵٫۳. شناخت کار

اآٹھ رہ ان ۔ کا	ب بیسه ارتین	حبدول۵.۵:بلن دعم
با الفر مساحث الر	ن چسترا، ین	حب دول قد قد ببت

a_2	a_1	a_0	d_7	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0		0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1		0		0	1		0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1		0	1	0	0	0	0	0
1	1	0		1	0		0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

کو مختصراً جبدول-ب کی صورت مسیں پیش کیا حباتا ہے، جباں پہلی صف مسیں تابو اشارہ پست x کو مختصراً جبدول a_1 کی قبت یں اہمیت نہیں رکھتی ہیوں پہلی صف مسیں a_0 اور a_1 کی قبت کا کھی جباتی ہے۔ حباتی ہے۔

تین با آٹھ (8 × 8) شناخت کار کادور حساس کرنے کی حناطسر، تین مداحنل کاایب جبدول کھتے ہیں جس مسیں مداحنل کی ہر ترتیب ایک منف رد محنارج منتخب کرے (جبدول ۵٫۵ دیکھیں)۔ چونکہ چنا گیا محنارج بلسنہ ہوگا، لہندا ایب اسٹناخت کار، بلند عمل پراالہ کہ الاتا ہے۔ محنارج تف عسلات کی مصاوات، محب وعب ارکان ضرب کی صورت مسین حساس کرتے ہیں۔

$$d_0 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

$$d_1 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_2 = \overline{a}_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_3 = \overline{a}_2 a_1 a_0$$

$$d_4 = a_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

$$d_5 = a_2 \overline{a}_1 a_0$$

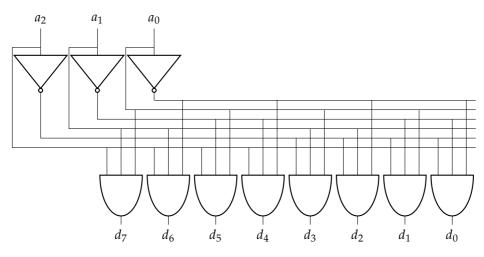
$$d_6 = a_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_7 = a_2 a_1 a_0$$

ان تف عسلات ہے مسل ،بلند عمسل پیدرا، تین با آٹھ (8 × 8) شناخت کار شکل ۱۹.۵ مسیں پیش ہے۔

اسس مسیں محباز مداحن کا اضاف کرنے سے محباز و معد ذور صلاحیت، بلند عمسل پیدرا، تین با آٹھ شناخت
کار حاصل ہوگا جو شکل ۱۵.۵ مسیں پیش ہے۔ محباز بلند ہونے کی صورت مسیں شناخت کار کام کرے گا، جب کہ پیت محباز کی صورت مسیں تمام مضارح پیت رہیں گے؛ ہم کہتے ہیں سے بلند مجاز اشناخت کار ہے۔ حبدول ۱۹.۵ پیت محباز کی صورت مسیں تمام مضارح پیت رہیں گے؛ ہم کہتے ہیں سے بلند مجاز اشناخت کار ہے۔ حبدول ۱۹۵۵ مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے۔ پہلی صف

active high active high



شكل ١٦.١٦:بلند عمل پسيرا، تين با آهه (3 × 8) شناخت كار

تین مداحنل a_1 ، اور a_2 کی قیستیں ابھیت نہمیں رکھتی؛ ای لئے انہمیں x کھے گیے جو 0 یا 1 ہو سکتا ہے۔ یہ (پہلی) صف در حقیقت، $a_2a_1a_0$ کی آٹھ (8) قیتوں، $a_3a_2a_3$ الہذا، آٹھ صفوں کو ظہر کرتی ہے۔

مثق ۵.۴: سنگل ۱۷.۵ مسیں دایاں جمع گیٹ کا محتارج کیا ہے؟ باقی محتارج بھی مشکل سے حساسل کریں۔ کیا ہے۔ حبد ول ۵.۵ پرورا ازتے ہیں؟

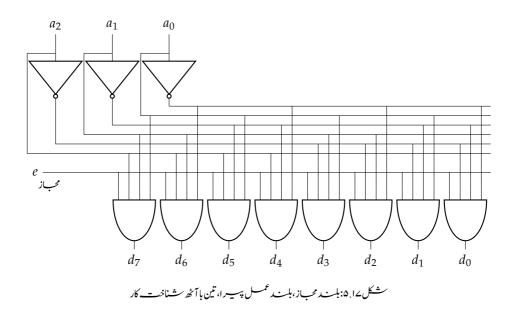
حبدول۵۵۵ پر پورااترتے ہیں؟

بعض اوت ۔، ایسے مشاذت کار کی ضرور ۔ پیش آتی ہے جس کا چن گیا منارج پی ہو۔ ایس شناخت کار پہتے ع<mark>کل پیرا</mark> ۱۸ کہدا تا ہے۔ حبدول 2.۵ میں ایسا پست عمسل پیرا، تین با آٹھ شناخت کار پیش ہے، جو ت ابو امشارہ محبز پیت ہونے کی صور ۔ مسین کام کرتا ہے؛ ہم کہتے ہیں ہے پہتے مجاز انہ ہے۔ روایت اُ، پیت عمسل پیرا محنارت کو تق سے طاح کی اور دہانی کراتی ہے کہ چن گیا محنارت پست ہو گا۔ حتابوا اندارہ پر بھی "لکسیر" کی جو اس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ شناخت کار اس صور ۔ کام کرے گا گا۔ حتابوا اندارہ پر بھی "لکسیر" گئی ہے (آ ع) جو اس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ شناخت کار اس صور ۔ کام کرے گا جب حتابوا اندارہ پست کیا جب کے دستان میں اس کا دور چیش ہے، جو شکل 2.۵ مسین خرب گیٹ کی جب متم ضرب گیٹ کرنے سے سال ہوگا۔

مشكل ١٩٠٥مسين تين با آخه مشناخت كاركى عسلامتين پيش بين مشكل -الف مسين بلند محباز، بلند عمسل پيدا،

active low active low

۵.۳ شناخت کار

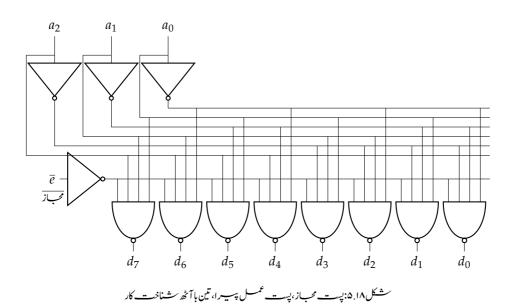


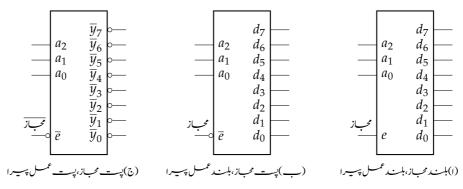
حبدول ۲.۵:بلند محباز،بلند عمل پیسرا، تین با آٹھ شناخت کار

e	a_2	a_1	a_0	d ₇	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

سل پیسرا، تین با آٹھ مشناخت کار	حي مل پر ۲۰ سيم مي از در سيم
ن بيسرا، ين با أهر مساحت قار	حبار، پیت خبار، پیت

\overline{e}	a_2	a_1	a_0	\overline{y}_7	\overline{y}_6	\overline{y}_5	\overline{y}_4	\overline{y}_3	\overline{y}_2	\overline{y}_1	\overline{y}_0
1	х	х	х	1	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1
0	0	1	0	1	1	1	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1





شكل ١٩. ٥: تين با آځه شناخت كار كې مختلف اقسام كې عسلامت ين ـ

مشکل - ب مسیں پیت محباز، بلند عمل پیرا اور مشکل - ج مسیں پیت محباز، پیت عمل پیرا روپ و کھائے گئے ہیں۔ ان عسلامتوں مسیں حنار بی پنیوں پر گول دائرہ اسس بات کی تقین دہانی کراتا ہے کہ منتخب ہونے کی صورت مسیں سے بیٹ پیت ہوگی۔ ای طسرح فت ابوبٹ پر گول دائرہ یاد دہانی کراتا ہے کہ مشناخت کار صرف اسس صورت محباز ہوگا جب سے امشارہ پیت ہو۔

مثق ۵.۵: انٹ رنیٹ سے 8 × 3 پت عمل پیرانشنانت کارے مختلوط دور 74138 کے معلوماتی صفحات راصل کریں۔ اسس مختلوط دور کا" دورانی رد عمل "کتن ہے؟

۵.۴ شناخت کار کی مد دسے تف عسل کا حصول

ہر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے مجموعہ کے روپ مسین حساسل کی حباستی ہے۔ چونکہ سناخت کار تمسام مکن ارکان ضرب فسراہم کرتا ہے، البندااسس کے ساتھ جمع گیٹ جوڑ کر تفاعسل کو عمسلی حباسہ پہنایاحباسکتاہے۔ کی طسریقہ کارایک مشال کی مددے سکھتے ہیں۔

مثال ۵۱۱. مکسل جمع کار کوشناخت کار کی مددے ارکان ضرب استعال کرتے ہوئے حساسسل کریں۔

حل: تحمل جمع کار کی کار کر د گی جدول ۸.۵ مسیں پیش ہے، جہاں بن x_0 اور y_0 کے ساتھ داختلی حاصل c_0 جمع ہو کر وہندار جی حاصل c_1 پیداہوگا۔

حبدول ۸.۵: مکسل جمع کار کی کار کردگی (برائے مشال ۸.۵)

x_0	y_0	c_0	$ c_1 $	s_0
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

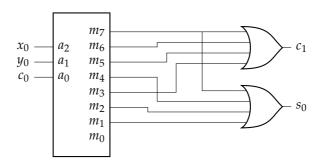
حبدول ۹.۵: تین باآٹھ شناخت کارار کان ضرب دیت ہے (برائے مثال ۱.۵)

x_0	y_0	c_0	m_7	m_6	m_5	m_4	m_3	m_2	m_1	m_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
_ 1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

اسس حبدول سے درج ذیل مساوات حساسل ہوتی ہیں۔

$$\begin{array}{ccc} c_1 = \overline{x}_0 y_0 c_0 + x_0 \overline{y}_0 c_0 + x_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \\ s_0 = \overline{x}_0 \, \overline{y}_0 c_0 + \overline{x}_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 \overline{y}_0 \, \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \end{array}$$

تین سے آٹھ سشناخت کار حبدول ۹.۵ مسیں پیش ہے، جہاں حنار جی بٹ کومط بقتی ارکان ضرب لکھا گیا ہے۔ یوں درج



شکل ۲۰ شناخت کار کی مدد سے مکسل جمع کار کاحصول

ذیل ہوں گے۔

$$m_{7} = x_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{6} = x_{0}y_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{5} = x_{0}\overline{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{4} = x_{0}\overline{y}_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{3} = \overline{x}_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{2} = \overline{x}_{0}y_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{1} = \overline{x}_{0}\overline{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{0} = \overline{x}_{0}\overline{y}_{0}\overline{c}_{0}$$

مساوات 2.۵ کو دیکھتے ہوئے مساوات ۲۰۵۵ درج ذیل لکھی حباستی ہیں، جن سے مکسل جمع کار کا شکل ۲۰۰۵ حساسل ہوگا۔

(a.A)
$$c_1 = m_3 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7) s_0 = m_1 + m_2 + m_4 + m_7 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

ہے تمام عمسل نہایت آسان بنایا حبا سکتا ہے اگر حبدول ۸.۵ مسیں ارکان ضرب کا حنامہ بن یا حبائے (حبدول ۱۰.۵ ویکھسیں)۔ اسس طسرز پر حبدول ککھ کر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے روپ مسیں حساسل کی حباسکتی ہے۔اسس حبدول کودکھ کرمطاوب جواب فوراً لکھا حباسکتی ہے۔

$$c_1 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$$

$$s_0 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

ب(برائے مثال ۱.۵)	ت ^{مع} کار کے ار کان ضربہ	حبدول ۱۰.۵:مکسل ب
······	· / C · / · C · / · C · · · · · · · · ·	<u>ب</u> ررن

x_0	y_0	c_0	$ c_1 $	s_0	m
0	0	0	0	0	m_0
0	0	1	0	1	m_1
0	1	0	0	1	m_2
0	1	1	1	0	m_3
1	0	0	0	1	m_4
1	0	1	1	0	m_5
1	1	0	1	0	m_6
_ 1	1	1	1	1	m_7

 $e \longrightarrow \begin{array}{c} d_3 \\ \hline d_2 \\ \hline d_1 \\ \hline d_0 \end{array}$ احتار جي مواد

مشکل ۵۰۲۱ یک ہے حیار حسار جی منتخب کار کا تصور۔

۵.۵ داخنگی منتخب کار اور حن ارجی منتخب کار

ایب دورجوا کلوتے مداحن پرمہیاشنائی مواد کو 2ⁿ محنارج مسیں کی بھی ایک پر بھیج سے ف**ارج و منتخب کار ^{۲۰}کہ**الا تا ہے۔ مطلوب محنارج کی نشاندہی 11 بٹ پت کر تا ہے۔

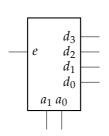
ایسا دور جو 2ⁿ مداحن مسین کی بھی ایک پر مہیاشنائی مواد کو اکلوتے مینارج پر بھیج سے **داخلی منتخب کا**را^م کہلا تا ہے۔ مطلوب مداحن کی نشاند ہی 1 بن ہے کر تا ہے۔

ا.۵.۵ حنارجی منتخب کار

سشکل ۲۱.۵مسیں حنارجی منتخب کار کا تصور چیش کیا گیاہے، جہاں مداحنل e پر آمد شنائی مواد کو، تیجی سونج کے ذرایعہ، حیار مختلف حنارجی راستوں بھیجیا حیاسکتا ہے۔

محباز و معب زور صبلاحیت کاشناخت کار بھی ہے کام سسرانحبام دے سکتا ہے۔ یہ دیکھنے کی حناطسر حبدول ۴.۵ کو یہباں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

demultiplexer**
multiplexer**



е	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0 1	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0
0 1	0	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

شکل ۲۰ ایک سے حیار (1 × 4) منازی منتخب کار

e	a_1	a_0	<i>d</i> ₃	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

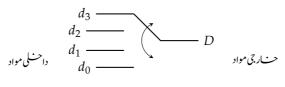
جدول مسیں a_1a_0 کو دوبت ہت، e کو داختلی مواد، اور d_0 تا d_0 کو حپار محنارج راستے تصور کریں۔ حبدول کی پہلی اور پانچویں صف پر نظر رکھنیں، جباں a_1a_0 دوبت ہت 00 ہن جو محنارج 00 منتجب کرے گا۔ پہلی صف مسیں داختلی مواد 0 جبکہ پانچویں صف مسیں 01 ہے۔ محنارج کی مطابقتی قیمتیں بھی ہیں۔ پہلی صف مسیں 02 کی قیمت 03 جبکہ پانچویں صف مسیں 04 کی قیمت 05 ہے۔ معنی محنارج بیست رہیں گے۔

باقی تین پے 01 ، 10 ، اور 11 بالت رتیب d_2 ، d_2 ، اور d_3 اور d_3 اور d_3 اور d_3 اور وہی مواد ہور دار خسل e پر ہے۔

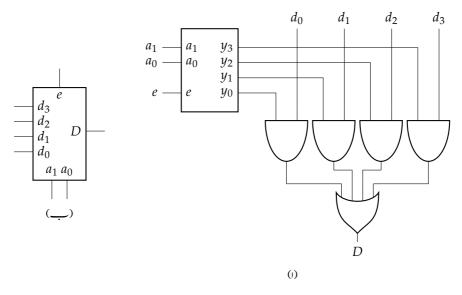
اسس جبدول مسیں صفوں کی ترتیب نو کر کے مشکل ۲۲.۵ مسیں پیش جبدول کی صور یہ مسیں لکھا جب بھواسس کی کار کر دگی بطور حسار ہی منتخب کار دافتے کر تا ہے۔اسس مشکل مسیں (4 × 1) منتخب کار کی عسلامت بھی پیش ہے۔

۵.۵.۲ داخنگی منتخب کار

سٹکل ۲۳.۵ سیں داخنلی فتخیب کار کا تصور پیش کیا گیا ہے، جہاں پیچی سونچ کے ذریعہ d_0 تا d_0 مواد محنار یہ مقتل کیا جہا سکتا ہے۔



شکل ۲۳٪ ۵: حیار سے ایک دا^{حن}لی منتخب کار کا تصور۔

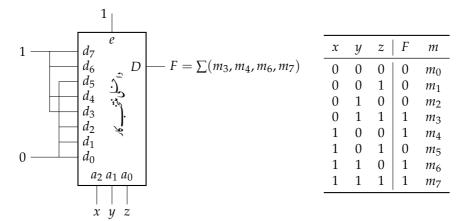


شکل ۵.۲۴ دیارے ایک (4 × 1) داختلی منتخب کار۔

دا حنلی متخف کار کو مشناخت کار کی مدد سے مشکل ۲۳.۵ مسیں حیاصل کیا گیا ہے؛ مشکل ۔ ب مسین اس کی عمدامت پیش ہے۔ یہاں محباز و معد ذور صلاحیت کا حاسناخت کار استعال کرکے محباز و معد ذور صلاحیت کا داخنگی منتخب کار حیاصل کیا گیا۔ ایسا مشناخت کار جس مسین متابو امشارہ سے ہو، استعال کرتے ہوئے حیاصل داخنگی منتخب کار مسین بھی محباز و معد ذور متابوات رہ نہیں ہوگا۔

میباز کردہ سشناخت کار 00 پت کی صورت مسیں y_0 بلند کرے گا، جبکہ y_1 اور y_3 پست رہیں گے۔ بول دائیں تین ضرب گیٹ پست رہیں گے، جبکہ بایاں گیٹ d_0 حنارج کرے گا۔ وتابو اسٹارہ و و پست کرنے کے داختلی مشناخت کار معد ذور ہوگا اور 0 حنارج کرے گا۔

ت کی کر لیں کہ محباز حسال مسیں، پت کے دوہِت a_0 اور a_1 ، حپار مداحسٰل d_0 تا d_1 ، مسیں سے ایک کو منتخب کر کے حسارج کر تاہے۔



شکل ۵٫۲۵: دا حسلی منتخب کار سے تف عسل کا حصول (برائے مشال ۲۰۵)

مثق ٥٠١٪ انٹرنیٹ سے 74153 کے معلوماتی صفحات ساصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیاکام سرانحبام دیتا ہے؟

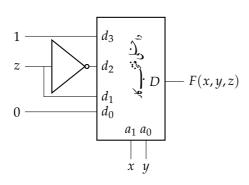
۵.۵.۳ داختلی منتخب کارسے تف عسل کا حصول

سشنانت کار کے ساتھ جمع گیٹ جوڑ کر محب وعب ارکان خرب کے روپ مسیں تف عسل کا حصول آپ دیکھ جیگے۔ $2^n \times 1$ کارمسیں سشنانت کار اور جمع گیٹ دونوں موجود ہیں (سٹکل ۲۴۰۵ کیکھیں)۔ یوں n پت بٹ کا 1×1 داخنی منتخب کارے n آزاد متنف رتف عسل حساس کیا جب سکتا ہے۔ اسس عمسل کو ایک مدد سے مسجھے ہیں۔ n ہیں۔ n ہیں۔ n ہیں۔ n ہیں۔

مثال ۵.۲: درج زیل تف عسل 1 × 8 داخنلی منتخب کارے حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3, m_4, m_6, m_7)$$

 8×1 کو xyz کو



y		F	
0	0	0	F = 0
0	1	0	$\Gamma = 0$
1	0	0	F = z
1	1	1	F = Z
0	0	1	$F = \overline{z}$
0	1	0	F = Z
1	0	1	F = 1
1	1	1	r = 1
	0 0 1 1 0 0	$ \begin{array}{c cccc} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{array} $	$\begin{array}{c cccc} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{array}$ $\begin{array}{c cccc} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{array}$ $\begin{array}{c cccc} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{array}$ $\begin{array}{c cccc} 1 & 0 & 1 \end{array}$

مشكل ٢٦. ١٤: دا حسلى منتخب كارسے تف عسل كا حصول (برائے مشال ٣٠٥)

یوں پتہ 000 ، 001 ، 000 ، 100 ، 101 کی صورت مسیں داختلی منتخب کار بالت رتیب d_2 ، d_1 ، d_2 ، d_3 ، اور d_5 پر فست رہ گو کہ در کار تغناع سل کی پیت صورت حساس ہو گی۔ ای طسر ح پت مسین بالت رتیب d_5 ، d_6 ، d_4 ، d_5 ، اور d_5 کی صورت مسین بالت رتیب d_6 ، d_4 ، d_5 ، اور d_5 کی بالم مصورت مسین بالت رتیب کی ایک گویت موزت ایک تجمین بالت رکھ کر تغناع سل کی بلند مورت مسال ہو گی۔ کی ایک لیک کو بیت موزت ایک تجمین کے سات کے مواد مسال کی بالم مسال کی بالم مسال کی بالم مسال کی بالم مسال کی ایک ایک کو بالم مسال کی بالم کی بالم کی بالم مسال کی بالم کی با کی بالم کی با کی بالم کی بالم کی بالم کی بالم کی با

n آزاد متغیبر تغنب عسل، (n-1) پت بینے کے داخشنی نتخب کارے بھی حسامسل کیا جب سکتا ہے۔ یہاں کو کی بھی (n-1) متغیبر استعال ہوگا۔ متغیبر بطور مداخشل منتخب کارکے پت استعال ہوگا۔ ایک مثال کی مدد سے ایب کرنا کسیکھتے ہیں۔

 $4 \times 2 \times 2$ وپت بِٹ کے $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$ دورج بالامثال میں دیا گیا تھا۔ $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$ درخیا منتخب کار ہے حسامت ل کریں۔

سن: شکل ۲۲۵ میں تف عمل کا حبدول ایک نے انداز مسین لکھا گیا ہے۔ آزاد متغیرات xy کے دائیں کھے گھے۔ کہ مطابق جدول کے حبار صے کیے گئے ۔ پہلے (بالائی) ہے۔ مسین (جہاں xy = 0 کھی جب کے انسان xy = 0 کھی جب کے انسان کی قبیت بر سنور xy = 0 کھی جب کے انسان کی وروں صفول مسین xy = 0 کھی انسان کی وروں صفول مسین xy = 0 کی وروں صفول مسین xy = 0 کی جہت اور تف عمل xy = 0 کھی آب دوسرے میں انسان xy = 0 کھی گیستیں آپ مسین متم میں، البندا بہاں xy = 0 کھی گیستیں آپ مسین متم میں، البندا بہاں xy = 0 کھی گھی گھی گھی گھی گھی کھی گھی ہے۔ آمنسری حصر (xy = 10 کھی گھی کھی گھی گھی کھی گھی ہے۔ آمنسری حصر (xy = 10 کھی گھی کھی گھی کھی گھی ہے۔ آمنسری حصر (xy = 10 کھی گھی گھی کھی گھی گھی کھی گھی کے انسان کی جانسان کی جانسان کے جانسان کھی گھی گھی گھی گھی گھی گھی کے انسان کی جانسان کے جانسان کی جانسان کے جانسان کی جانسان کے

 ۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار

xy = 11 کی صورت میں کے فضاعت کی درست قیت حاصل کی گئی، اور آخشر میں \overline{z} کی صورت میں تقاعب کی جنس میں المبادرہ تا ہے۔ d_3 پر 1 مہیا کیا گیا۔

۵.۲ متوازی شن ائی ضر ب کار

یہاں درج ذیل ہوں گے، جنہیں شنائی جمع کار کی مساوات ۵.۱ کی مدد سے حساصسل کیا گیا، اور جن سے سشکل ۲۷.۵ مسین پیشس، دوہِط متوازی شنائی ضرب کار حساصسل ہوگا۔

$$p_0 = a_0 b_0$$

$$p_1 = (a_1 b_0) \oplus (a_0 b_1)$$

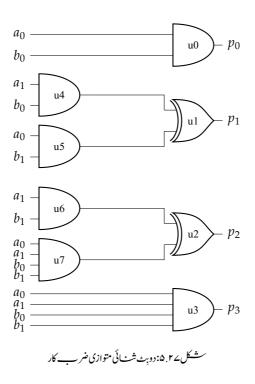
$$p_2 = (a_1 b_1) \oplus (a_1 b_0 a_0 b_1)$$

$$p_3 = a_1 b_1 a_1 b_0 a_0 b_1 = a_1 a_0 b_1 b_0$$

اگر حپ زیادہ بِٹ ضرب کار اسس طسریق کارے تشکیل دیے حب سے ہیں؛ برقتمی ہے، اعبداد کے بِٹ کی تعبداد بڑھانے سے ضرب کار مسین درکار گیٹوں کی تعبداد بہت سینزی ہے بڑھتی ہے (محض آٹھ یا سولہ بٹ ضرب کار مسین بھی مستعمل گیٹوں کی تعبداد بہت زیادہ ہوگی)، المہذاایب کرنامہنگا ثابت ہوگا۔ عصوماً زیادہ بٹ کے ضرب کار مکسل جمع کارکی مددسے حساصل کیے حباتے ہیں۔ اسس طسریق کو تین ہٹ شنائی اعبداد کی ضرب کو مثال بن کر سیکھتے ہیں۔

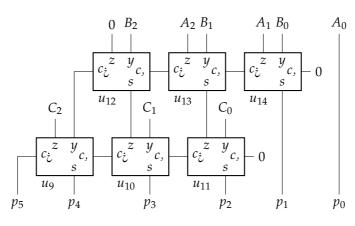
تین بِٹ اعبداد b2b1b0 اور a2a1a0 کی ضرب درج ذیل ہے، جس سے شکل ۲۸.۵ مسیں پیش تین بِٹ شنائی ضرب کارسائے میں۔ کار حساصل ہوگا۔ اسس طسریقب کارسے ہاآسانی زیادہ بٹ کے شنائی ضرب کاربنائے حیاستے ہیں۔

$$(a.9) \begin{tabular}{c|ccccc} & b_1 & b_0 \\ & & & & a_2 & a_1 & a_0 \\ \hline & & & & a_0b_2 & a_0b_1 & a_0b_0 \\ & & & & a_1b_2 & a_1b_1 & a_1b_0 \\ \hline & & & & a_2b_2 & a_2b_1 & a_2b_0 \\ \hline & & & & p_5 & p_4 & p_3 & p_2 & p_1 & p_0 \\ \hline \end{tabular}$$



۲.۵. متوازی شب اکی ضرب کار





مشكل ٥٠٢٨: تين بِك شن ا كَي ضرب كار

اسس شکل مسیں 9 ضرب گین اور 6 مکسل جمع کار مستعمل ہیں۔ ضرب گین مداحسٰل a_0 اور b_1 کا منطقی منظم مسیں a_1 عرب کا کہ منطق منظم مسیں a_1 عرب کا گیا ہو کہ مداحسٰل جمع کار میں a_1 عرب کا کہ مداحسٰل جمع کار میں a_1 عرب کارائی ہوئوں کو ایک نام رونوں کو ایک نام رونوں کو ایک نام رونوں کو آپ مسیر تاریج وڑنے کے متداون ہے۔

اب ٢

معساصر ترتثيبي منطق اور ادوار

منطق میں، عبوماً، دو متف د صورتیں سامنے آتی ہیں، مثلاً، بلند اور پیت، صادق اور کاذہ، صادق اور کاذہ، منطق میں، عبوماً، دو متف دی برقیات میں 1 اور 0 سے ظاہر کیاجہ تاہے۔ یوں، اگر بلند کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ گر تہ پیت کو 0 ظاہر کرے گا، اور اگر بلند کو 0 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کرے گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ کاذب کو 0 قاہر کیاجہ گا۔ گا۔ منطقہ نظام آکتے ہیں۔ اس کتاب میں بلندیاصادق کو 1 جبکہ پیت یاکاذب کو 0 سے ظاہر کرنے کو منظقہ نظام آکتے ہیں۔ اس کتاب میں بہی نظام استعال ہوگا۔

ہم اسس کو اُلٹ کرے 1 کو صف روولٹ (0 V) اور 0 کو مثبت پائج وولٹ (5 V) سے ظاہر کر سکتے ہیں، جو منفی منطقی نظام اکہا تاہے۔

اب تک، ہم شنائی گیول کا مطالعہ کرتے رہے ہیں، جن کا محنارج اُسی لمحہ سبدیل ہو حباتا ہے جس کمے ان کے مداحنل سبدیل ہو حباتا ہے جس کمے ان کے مداحنل سبدیل ہونے کے باوجود، محنارج کو مداحنل سبدیل ہونے کے باوجود، محنارج کو ایپ حسال مسین برمت رارر کھ سسکتی ہے۔اسس قتم کے ادوار پلاھے کار مہا کہا تا ہا اُس جن کے دومتضاد محنارج ہوں گے۔

پلٹ کارایک شنائی ہندسہ (ایک بٹ) ذخیرہ کرنے کی صالحیت رکھتا ہے، البذااس کو **ما فظر ''** کے طور استعال کی حب سکتا ہے۔ پلٹ کاراستعال کرتے ہوئے گ<mark>رفتے کار⁴، وغیرہ تفکیل دیے جب تے ہیں۔ اس باب مسی</mark>ں پلٹ کار اور اس پر مسبئی معاصر ا**دوار** پر غور کیا حب کے گا۔ مصاصر ادوار وہ ادوار ہیں جن کے تمام جھے صدم ملاکر سے ہیں۔

positive logic system

negative logic system

flip flop

memory counter



شكل ٢: كناره حيثرها أبي اور كناره اترائي

السيس الميسول كاروت السيس كار

شنائی ادوار کی کار کردگی پر تبعسرہ کرنے سے پہلے چند تکننے کی اصطبلات جبان ضروری ہے۔ شکل ۱. اسین گین کامخنارج بلند ہو کر دوبارہ پست ہوتا دکھایا گیا، جبال (وقت ل کے ساتھ دائیں رخ جپلے ہوئے) پہلے کمنارے کو کنارہ پڑھائی آیا مثب کنارہ ²، جب کہ دوسرے کو کنارہ اترائی ^۸یامنھی کنارہ ⁹ب گیا۔ محنارج کاحال یکدم تبدیل ہوتا دکھایا گیا، جو درست نہیں۔

برقیاتی گیٹ نہایت بچت ہوتے ہیں، جو محسّان کو پہنے سے بلندیا بلند سے پہنے ہہت کم دورانیوں مسیں کرتے ہیں۔ سیہ دورانے کم مفرور، لسیکن صف رنہیں ہوتے۔ برقی الشارہ، روسشنی کی رفت ارسے بھی سفسر کرتے ہوئے، داحسلی پنیا سے حسّار بی پنچ کا منفی گیٹ مشال بن کر حقیقی دورانیوں پر غور کرتے ہیں (جو باتی گیٹوں کے لئے بھی درست ہوگا، ادر تمسام معسلومات اسس حقیقت کو ذہن مسیس رکھتے ہوئے، چیس کی حیائیں گ

شکل ۲.۱ مسیں نفی گیٹ کا مداحسل (بالائی ترسیم) اور محسارج (محیالی ترسیم) بیک وقت و کھائے گئے ہیں، جہاں ددرانیوں کوبڑھا حسار پیش کیا گیا ہے۔

بلت دے پست حسال پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ اترائی** ااور پست سے بلت دینچنے کے دورانیہ کو دورانیہ پڑھائی "کتے ہیں۔ان دورانیوں کی پیپ کشش کی وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔دا^{حن}لی برقی امشارہ بھی کی گیٹ سے آتا ہو گا،لہنذا سے بھی پست ہونے مسیں وقت گزارے گا۔

مداحن تبدیل ہوتے ہی محنارج تبدیل نہیں ہو حباتا، بکد کچھ دیریوں محسوسس ہوتا ہے جیسے مداحن کا محنارج پر کوئی اثر نہیں۔مداحن کے کسنارہ حپڑھائی پر غور کریں۔مداحن کے بلسند ہونے کے باوجود، محنارج کچھ دیر بلسند رہت ہے۔ یہ نامتابل وتسبول صورت حسال ہے، جس پرعد دی ادوار کے تفکیل کے دوران نظر ررکھنی ضروری ہے۔مداحن بلسند ہونے کے کچھ وقف بعد محنارج نبیاحیال اختیار کرتا ہے۔اسس وقف کو دوران بھر رد عمل ساسح ہیں۔دورانیے رد عمس ناسیے کی

rising edge

positive going edge

falling edge

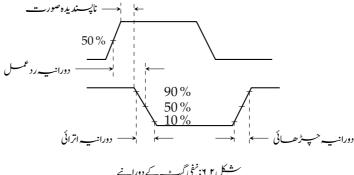
negative going edge

fall time

rise time"

propagation delay"

111 ۲.۲. پلے کار



شکل ۲۰۲: نفی گیٹ کے دورانے

وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔ برقب آتی گیٹوں کے دورانب اترائی، دورانب حب رهائی، اور دورانب رد عمسل، عسوماً، چند نسینوسیکنڈ ہوں گے۔

کار حنانے مسیں گیٹ سازی کے دوران، احب زاء مسیں معمولی سے معمولی فٹ رق کی بنا(ایک قتم کے دو) گیٹوں کے دورانے تھی ایک جیسے نہیں ہوں گے۔ان میں ⁹⁰ 10 سیکٹڈ کانہیں تو ¹⁰⁻¹ سیکٹڈ کافٹ رق ضرور ہو گا، جو عمسہ ر سید گی کے ب تھ اورا ستعال کے حبالات (در حب حسرار ہے ، نمی، دیاد، وغیب رہ) سے تب دیل ہوں گے۔

مثق ا. ۲: انٹرنیٹ سے 74xx اور 74Hxx سللہ کے دورانیوں مسین فنسرق دریافت کریں۔

۲.۲ يليك كار

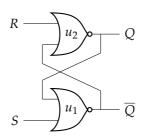
شکل ۲. ۳ مسیں البریر کر آر"ا پلٹ کار کا دور اور حبدول پیش ہیں۔ پلٹ کار کو، روایت،ٔ مداحن کے نام "اسے پکاراحبا تاہے، جو بہاں لاطینی حسرون "ایس" ۱۵ اور "آر "اکا ہیں۔ پلٹ کار کے دومتف و محنارج ہوں گے، جنہیں Q اور \overline{Q} سے ظے ہر کیا حباتا ہے۔ یوں اگر محنارج Q کی قیمت Q ہو، تب محنارج \overline{Q} کی قیمت Q ہوگی، اور اگر Q

شكل ٣٠١مسين متم جمع گيٺ ١١ كامخنارج، متم جمع گيٺ ١١ كاايك مداحنل، اور ١١ كامخنارج، ١١ كاايك مداحناں ہے۔متم جمع 11 کے محنارج پر نظرر کھیں؛ پ محنارج، 10 کاایک مداحناں ہے،البذااس کے محنارج پر

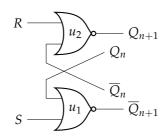
Set-Reset Flip Flop, (SR FF)

الیائے کارکے مداحن انگریزی الفاظ Set اور Reset کے سرحسرف S اور R ہیں۔

S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}	
0 0 1	0 1 0 1	Q_n 0 1	\overline{Q}_n 1 0	بر متسرار حسال پست حسال بلت د حسال ممنوعب حسال



شكل ٢٠٣: بلن د فعيال مداحسل ايسس آريلي كار



شکل ۲۰٫۴: موجو دہ محنارج سے الگلے محنارج کا حصول۔

اثرانداز ہو گا: کسیکن u2 کامن ان طایک مداحن ہے،جو u1 کے ممنارج پراثرانداز ہو گا؛یوں u1 کاممنارج،خود پراثرانداز ہوگا! اسس عمسل کو**باز**ر ہو ^{سا}کتیا ہیں۔

ایسانشارہ،مشلاً \overline{Q} ،جوخود پراٹرانداز ہو**بازر سی اشارہ**^ا کہا تاہے۔

یہاں Q اور \overline{Q} دونوں بطور بازری اخدارت استعال کے گئے ہیں۔ آپ دیکھ سے ہیں کہ Q کی قیمت حبائے کے لئے \overline{Q} کی قیمت معلوم ہونا ضروری ہے، لسیکن \overline{Q} کی قیمت صرف اسس صورت معلوم ہو سکتی ہے جب Q کی قیمت معلوم ہو! آئیں اسس یلنے کار کاحب دول حساصل کریں۔

سیں الائی گیٹ (u_2) کے اگلے مناری Q_{n+1} کو موجودہ مداحنل R اور \overline{Q} کے روپ مسیں کھتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = \overline{R + \overline{Q}_n}$$

جیا آیے نے شکل ۲.۱مسیں دیکھا، گیٹ کامخنارج، دورانیہ رد عمسل گزرنے کے بعد، مداحسل کے تحت حسال

feedback12

feedback signal1A

۲.۲. پلیئے کار

حبدول ۲:۱یس آرپلیک کار (مساوات ۲.۳ اور مساوات ۲.۸)

S	R	Q_n	\overline{Q}_{n+1}
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0
		()	

S	R	Q_n	Q_{n+1}
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0
		(1)	

افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ \overline{Q}_n اور مداحن R جب نئی قیمت افتیار کریں، گیٹ کچھ دیر بعب دنئی قیمت Q_{n+1} افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ Q_n اور مداحن کے جب

نحی گیٹ (u₁) کے محنارج کی مساوات درج ذیل ہو گی۔ ہے گیٹ بھی مدا^{حن}ل شبدیل ہونے کے کچھ دیر بعسہ محنارج شبدیل کرے گا۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + Q_n}$$

بالائی گیٹ کی حشار جی مصاوات حساس کرنے کی عشیر ض سے مصاوات ۲٫۱ کو مصاوات ۲٫۱ امسیں ڈال کر مسئلہ ڈی مار کن سے حسل کرتے ہیں۔

(1.7)
$$Q_{n+1} = \overline{R + (\overline{S + Q_n})}$$

$$= \overline{R}(\overline{S + Q_n})$$

$$= \overline{R}(S + Q_n)$$

 Q_{n+1} ، اور Q_n ، اور

ای طسرح سشکل ۴.۲ مسیں نحیلی گیٹ کی حضار جی مصاوات حساسل کرنے کی عضرض سے مصاوات ۱.۱ کو مصاوات ۲.۲ مسیں ڈال کرمسئلہ ڈی مار گن سے حسل کرتے ہیں۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + (\overline{R + \overline{Q}_n})}$$

$$= \overline{S}(\overline{\overline{R + \overline{Q}_n}})$$

$$= \overline{S}(R + \overline{Q}_n)$$

ماوت R، کا متغیرات R، کا متغیرات کا متغیرات تصور کرکے تابع متغیر متغیرات کو جدول ۱۰۱۹ \overline{Q}_n اور \overline{Q}_n کے رویہ میں بالت رتیب \overline{S} اور \overline{Q}_n کے رویہ میں بالت رتیب \overline{S} موجو دہیں۔)

حبدول ۲.۱-الف اور ب کو S اور R کی قیمتوں کے لحاظ سے حیار حصوں مسیں تقسیم کیا گیا۔ پہلے حصہ مسیں R=0 اور R=0 اور Q_{n+1} کی قیمت Q_n کی قیمت Q_n کی اور Q_n اور Q_n اور Q_n \overline{Q}_{n+1} کو تیب میں ایس آریل کے کار "بر مترار حال" ہوگا۔ جبدول – بسین \overline{Q}_{n+1} کی تیب ، حبدول – الف میں Q_{n+1} کی قیمت کی متم ہے۔ ہم حیاہتے بھی ہی ہیں (کہ پلٹ کار کے دومختارج آلپس مسین متفاد ہوں)۔

 Q_{n+1} اور R=1 اور R=1 اور R=1 ہے،جبکہ Q_{n+1} پت ہوگا۔ ہم کہتے ہیں،ان مداختل کے لئے ایس آریائے کار ''پیت حسال'' ہوگا۔ بہاں بھی (حب ول-الف اور ب کے تحت) نے محسارج ایک دوسرے کے متفساد

S=1 اور R=0 ہے، جبکہ پلٹ کار "بلند حسال" ہے۔

يوتي هم مين \overline{Q}_{n+1} اور R=1 اور R=1 ہے، جبکہ جبدول کے تحت Q_{n+1} اور Q_{n+1} ورنوں پہت ہیں، جو ہم نہیں حیاہتے، ہم کہتے ہیں پلٹ کار "ممنوعہ حسال" (مسین) ہے۔ بلٹ کار کی صحیح کار کرد گا کے لئے یہ مداحسل "ممنوعہ" مترار دے حاتے ہیں۔ یوں S اور R اکٹھ بلند نہیں کے حاتے۔

ان حق اُق کو شکل ۳۰٫۲ کے حیدول مسیں پیش کباگیا (جو پلٹ کار کاحیدول لکھنے کا درست طسریقہ ہے)، جہاں آ حن ری صف میں ? لکھ کرواضح کیا حیا تاہے کہ ان صف کے مداحنل استعال نہ کیے حیا ئیں۔

الیر آریلہ کارکہ کارکر دگھ

	SR	Q_{n+1}	
	00	Q_n	بر فتسرار حسال
(1.0)	01	0	پست حسال
	10	1	بلندحسال
	11	?	ممنوعب حسال

یلٹ کار کی بات کرتے وقت Q کی قیمت کویلٹ کار کا مال اوا کہتے ہیں۔ یوں Q = 1 کی صورت مسیں پلٹ کار بلند عال ' یاصادق عال ''،جبکه Q = 0 کی صورت مسین پہنھے عال ''یا کا ذہبے عال ''کہا نے گا۔

حبدول سے ظاہر ہے کہ جب S بلند ہو، پلٹ کاربلند حال اختیار کرتا ہے۔ یوں، مداحنل S ، **بلند** صورت مسیں **فعال**ير ۲۳ ہوگا۔ وہ مدا^{حت}ل جوبلت د صورت مسین فعیال ہو، ب**بلند فعال**یر ۲۵ مدا^{حت}ل کہاتا ہے۔ وہ مدا^{حت}ل جویہ سے صورت مسیں نعبال ہو، پہھے **فعال ۲**۲ کہا تا ہے۔ جب بلند نعبال مدا^{حن}ل، پہت ہو،مشلاً، S=0 ، ہم کہتے ہیں ہے غیر

high state".

true state

low staterr

active

active high ra

active low"

114 ۲.۳. ساعت

فعال ۲۷ (سال مسیں) ہے۔ یوں اسس پلٹ کار کابہتر نام بلند فعال مداغل الیرے آریلہ کے کار ہوگا۔

Q=1 ہو۔ پیت فعبال مداحن اور مختاری (\overline{Q}) کے نام پر ککپ رکنیٹ فعبال مداحن اور مختاری (\overline{Q}) کے نام پر ککپ ر کھنچ کر اسس کی پہت فعبال حیثیت واضح کی حباتی ہے؛ مسزید، پلٹ کار کی عسلامت مسین پہت فعبال (مداحسٰل اور مخنارج) بنیوں پر گول دائرہ لگایا حبا تاہے، جوان کاپیت فعمال پن ظماہر کر تاہے (شکل ۲.۷ دیکھ میں)۔

پائے کارے دونوں مداحن عام طور غیر فعال رکھ حب ئیں گے؛ یوں موجودہ پائے کارے مداحن پست رکھ حب ئیں گے۔ پلٹ کاربلٹ د (صادق) حال کرنے کے لئے S اشارہ ایک لمحہ کے لئے بلٹ د (فعال) کر کے واپس پست (فنی رفع ال) کیا حباتا ہے۔ پہلے سے بلند حسال پلٹ کار ، ای حسال مسیں رہے گا، جبکہ پیت پلٹ کار ، امشارہ ملتے ہی بلند حسال اختیار کرے گا۔

اس طسرح پلٹ کار کاذب (یہت) حسال کرنے کے لئے R اشارہ کمحیاتی فعسال کساحیا تاہے۔

مداخنل S کوفعال کار^مداخنل جب ہ R کوغیر فعال کار۲۹مداخنل کہ سے ہیں۔

آیے نے دیکھا، پلٹ کار در حقیقت مداحنل کا (بلٹ دیابیت) حیال محفوظ کرتا ہے۔ یوں اگر مداحنل امثارہ لمحیاتی فعیال ہونے کے بعب غیبر فعبال ہو حیائے، پلٹ کار (اگلے نئے ایشارے تک)اسس کاحبال محفوظ رکھتاہے۔

۲٫۳ ساعت

عب دی ادوار کی ایک فتم جو ہم عصر ۳۰ ادوار کہالتے ہیں کو،عب وماً،مقب رہ دورانے کامسلسل دہر اتا داحنلی امشارہ در کار ہو گا،جو ساعتے اس طسرح کی اشکال مسیں ہیش ہے۔اگر حید اسس طسرح کی اشکال مسیں دورانیہ حب ٹرھائی اور دورانی اترائی نہیں دکھائے حباتے،امید کی حباتی ہے کہ آب ان کی موجود گی ہر وقت زبین مسیں رکھیں

ہم عصب رعب د دی دور، مہباکر دہ باعت کے **تعدد ^{۳۲} ک**ارفتارہے چلتاہے، اورانس کے فخلف جھے، باعت کے کنارہ اترائی یا کن ارہ حب ڑھ ائی پر بیک وقت حال تبدیل کرتے ہیں۔ گویا، ہم عصر دور ساعت کے ساتھ ت مما کر چلت ا

شکل ۵٫۱ مسیں اوپر حبانب کن ارہ پ ڑھائی کی گسنتی، جب کہ نیجے حبانب کسنارہ اترائی کی گسنتی دی گئی ہے۔ ساتھ ی، دوری عرصه ۳۳، بلند دورانیه ۳۴ اور پیرے دورانیه ۴۵ کی بھی دخت کی گئے ہے، جنہیں بالت رتیب t_H ، اور t_L) اور ایر ظ ہوکی ہو سے ہیں۔ ہمیث کی بات ہوگا۔ ساعت کے بلنداور پیت دورانے برابر بھی ہو سے ہیں۔ ہمیث کی $T = t_H + t_L$

inactive"

set inputra

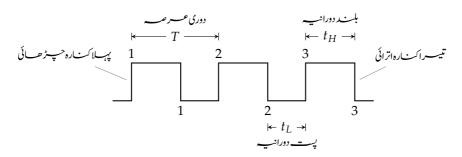
reset or clear input^{rq} $synchronous^{r_{\bullet}}$

clock

frequency

time periodrr

high time, ON time low time, OFF time"



شکل۲.۵:ساعت

طسرح، تعدد f اور دوری عسر صT کا کائی ہر ٹو T کی اکائی سیکنٹہ" اور f کی اکائی ہر ٹو T = f

س عستی امشارہ مختصب آم**اع ہے پ**یمارا حب تا ہے۔ ساعت سے مسراد متواتر تب یل ہو تا امشارہ ، یا اسس کا بلند ، یا پیست دورانسیہ ، یا حب ٹرھسائی یا اترائی کسنارہ ہو گا۔ مستن سے اسس کا مطاوب مطلب واضح ہو گا۔ جہاں عناط فنہی کا امکان ہو، وہاں وضاحت کی حب ئے گی۔

١٠٤٠ متم ضرب گيٺ ايس آر پلِٺ کار

شکل ۲.۲ مسیں متم ضرب گیٹ پر مسبنی پہت فعال مداخل الیر آر پلٹ کار ۲۰وک یا گیا ہے۔ مشکل ۲.۷ مسیں بلٹ دوسال مداخت السب از پلٹ کاری عمد استیں پیشن ہیں۔ پست فعد ال امشارات، کے بلٹ دوسال مداخت الی کام پر لکے بار تھی۔ پست فعد ال ارزے ان کے بیت فعد الرکھ کے بیت فعد الرکھ کام پر لکے بیل میں۔ پست فعد الرکھ کام پر لکے بیل۔

پلٹ کارکے محتارج Q اور Q آپس مسیں متصناد (اُلٹ) حسال رہتے ہیں۔ آئیں اسس پلٹ کار کی کار کر دگی، دو سسرے نقط نظرے سے دیکھیں۔

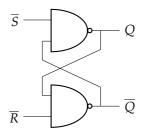
١.٢٠١ عنب رفعال مداحنل پلٹ کار، حال برفت رار رکھتاہے

 $\overline{R}=0$ ور $\overline{S}=1$ ور $\overline{Q}=1$ ور $\overline{Q}=0$ ور $\overline{S}=0$ ور $\overline{S$

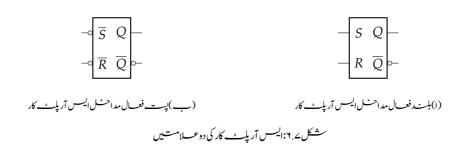
Hertz, Hz

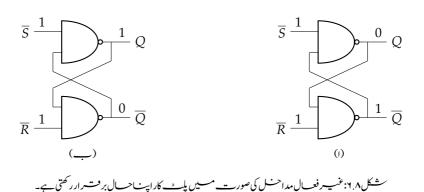
active low inputs SR flip flop "2

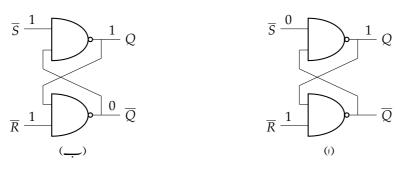
$\overline{\overline{S}}$	\overline{R}	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}	
0	0	?	?	ممنوعیہ حسال
0	1	1	0	بلند حسال
1	0	0	1	پست حسال
1	1	Q_n	\overline{Q}_n	بر متسرار حسال



شكل ٢.٢: پيت فعال مدا^{حن}ل اليس آر پليك كار







شكل ١:١.١ كي لمح ك لئة 5 فعال كيا كيا ـ

 $\overline{R}=1$ ور $\overline{S}=1$ ور $\overline{Q}=0$ ور Q=1 ور $\overline{S}=1$ ور $\overline{S}=1$

۲.۴.۲ مداحنل S فعال کرنے سے پلٹ کاربلند حسال اختیار کر تاہے

 $egin{align*} & egin{align*} & egin{align$

 \overline{R} مداحن \overline{R} فعال کرنے سے پلٹ کارپست حال اختیار کر تاہے درج ذیل مثق میں آیے ہے بہی ثابت کرنے کی درخواست کی گئے ہے۔

مثق ۲۰: تابس آرپلٹ کارپہ تھ مالی اختیار کر تا ہے۔ $\overline{S}=1$ رکھتے ہوئے، کمحت تی طور $\overline{R}=0$ کرنے سے ایس آرپلٹ کارپہ تھ مالی اختیار کر تا ہے۔

۲.۵ زیاده مداخسل پلیٹ کار

۲.۴.۴ حسال دوڑ

ایس آر پلٹ کار کے دونوں مداحسل ہیکوقت پیس کرنے کی احبازت نہیں، چونکہ ایسی صورت مسیں پلٹ کار غیب ایشین حسال اختبار کرتا ہے۔ دیکھتے ہیں، ایساکیوں ہوگا۔

مشکل ۲.۲ پر نظر رکھے ہوئے آگے بڑھسیں۔تصور کریں پلٹ کارکے دونوں مداحنل بیک وقت پہت (فعال) کرنے کے بعد دوبارہ بلٹ در گھتے ہوئے ان کے حباتے ہیں۔ایب کرنے کے بعد بہم حبانت حیاجتے ہیں پلٹ کارکس حسال ہوگا۔

دونوں مداحن ہیکوقت پیت کرنے سے (بالائی اور نحیلے متم ضرب گیٹ کے محنارج بلند ہوں گے، اہلیذا) پلٹ کار کے دونوں محنارج بیک وقت بلند ہوں گے، جو ناف بل قتسبول صورت ہے: پلٹ کار کے محنارج Q اور Q کا آپس مسیں متضاور ہینا ضروری ہے۔

رونوں مداحن ہیک وقت یکم واپس بلند کرنے سے گیٹوں کے محناری (یکدم حیال تبدیل نہیں کرتے، صفحہ ۱۲۳ پر حکل ۲۰۱۹ دیکھیں، بلک) نے حیال کی طسر ف روان ہوتے ہیں، لیکن، جب تک ان کے محنارج نے حیال افتیار نہیں کرتے، دونوں گیٹوں کے دونوں مداحن بلند ہوں گے (مضلاً \overline{S} بلند کر دیا گیا ہے، اور فی الحیال \overline{Q} نے حیال افتیار نہیں پہنچ ، لہذا ہے بھی بلند ہے؛ یوں بالائی گیٹ کے دونوں مداحن لبلند ہیں) ۔ دونوں گیٹوں کے دونوں مداحن بالائی گیٹ کے دونوں مداحن البند ہیں) ۔ دونوں گیٹوں کے دونوں میس و حسال کی طسر و سے گامنزن ہوں گے۔ گیٹوں کے دورانیوں میں و خسر ق (جو وقت اور حیالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی بیٹ ، ایک گیٹوں کے دونوں میں و خسر و کر جو ہور کرے گا۔ یوں اگر جب پہنے کار کے دونوں گیٹوں کے دونوں مداحن میں ہوگئے کے دونوں مداحن میں ہوگئے کے دونوں مداحن فیسال کرنے سے بعد دوبارہ ہیکوقت عمل کو تعدد فعمال کرنے میں ہوگئے اس کو قالے دونوں مداحن فیسال کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عمل کو کار کے دونوں مداحن فیسال کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عمل کو کیاں ہوگا۔ گیٹوں کے گوڑ کیا جب کار کے دونوں مداحن فیسال کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عمل کی خور کیا جب کی گار کے دیاں تھیل کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عمل کے اس کو قال کرنے کی بیٹون کے گوڑ کر سے بہنچ کے دوئر پر مخصد ہے۔ ای گئے اس کو قال کے دونوں مداحن کی دوئر پر حصد کار کو حیال دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کار کو حیال دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کار کو حیال دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کار کو حیال دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کار کو حیال دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کار کو حیال دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کے دونوں کیاں دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کار کو حیال دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حصد کار کار کو کار کو کیاں دوڑ میں ڈالنے کے گریز کرتے ہیں۔ حیال دوڑ پر حسل ہوگوں کی کو کیاں دوڑ کر کرتے ہیں۔

سٹکل ۲۰ امسیں پیش حبدول کی پہلے صف مسیں پلٹ کاربلند (Q=1) اور مداحنل عنب رفعال ہیں۔ صف ور صف ینچ چیلتے ہوئے دیکھ میں مداحنل تب دیل کرنے سے پلٹ کار کیا حسال اختیار کرتا ہے۔ (مداحنل کسی حناص ترتیب سے نہیں، بلکہ پلٹ کار کی کار کردگی کی ایک مثال دیکھنے کی عضرض سے تبدیل کیے گئے۔)

 $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{$

۲.۵ زیاده مداحنل پلیگ کار

پلٹ کارکے مداخنل دوسے زیادہ ہو سکتے ہیں، جیسا شکل ۱.۱۱مسیں دکھسایا گیا ہے۔ یہساں بلند کار مداخنل کی تعبداد دوسے، جہسیں \overline{S}_a کہسا گیا ہے، جبکہ پست کار مداخنل ایک ہے۔ عسام طور شینوں مداخنل بلند (غیسر فعبال) رکھ حبائیں گے۔ یک کار بلند حبال کرنے کی حناطسہ \overline{S}_a یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست فعبال) رکھ حبائیں گے۔ یک المباحث حمال کرنے کی حناطسہ \overline{S}_a یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست

race condition ra

	\overline{S}	\overline{R}	Q	حال
\overline{S} 10 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1	1	1	بلن د
o longititition ov	0	1	1	بلن رہے گا
- 17	1	1	1	بر فتسرار
$\overline{R} \ \overline{111100101111} \ \ \begin{array}{c} 5V \\ 0V \end{array}$	0	1	1	بلن رہے گا
0V	1	0	0	پـــ
E 17	1	0	0	پست رہے گا
$Q \overline{1111} 0 0 0 0 0 0 \overline{11} $ 5V	1	1	0	برفتشراد
0 V	1	0	0	پست رہے گا
	1	1	0	بر فتسرار
$\overline{Q} \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1$	1	1	0	بر فتسرار
$\sim \frac{0000}{111111100}$ 0V	0	1	1	بلند
	1	1	1	بر فتسرار

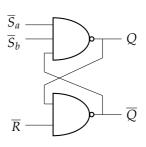
مشکل ۱۰:۱یس آریلٹ کارکے استعال کاحبہ ول اور ترسیات

(فعال) کیا جب نے گا، جب کہ پلٹ کارپیت حسال کرنے کی حناطسر \overline{R} ایک لمحہ کے لئے فعال کیا حبائے گا۔ حسال دوڑ سے بجنے کے لئے ضروری ہے کہ \overline{R} کے ساتھ باتی دومداحنل مسیں سے کوئی ایک (یادونوں) انکھے فعال نہ کیا ۔ حسائے۔ حسائے۔

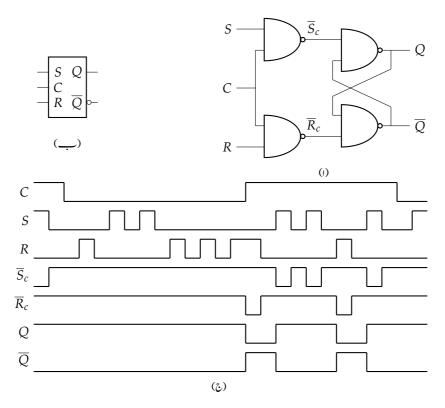
۲.۲ وت بل محباز ومعنذ وريلك كار

مشکل ۱۰.۱ کی ترسیات سے واضح ہے ،مداحن تب دیل کرتے ہی پلٹ کارنیاحسال اختیار کرتا ہے۔اسس حصہ مسین ایسی پلٹ کارپر غور کمیاحبائے گاجس کے مداحن کو پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز ہونے سے روکاحب اسکتا ہو۔ شکل ۲.۱۱الف پر غور کریں جہاں دومتم ضرب گیٹ کے اضاف ہے حسابل حسابو پلٹ کارحسامسل کمیا گیسا، جس کے (بلٹ د فیسال)

\overline{S}_a	\overline{S}_b	\overline{R}	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	0	0	?	?
0	0	1	1	0
0	1	0	?	?
0	1	1	1	0
1	0	0	?	?
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	Q_n	\overline{Q}_n



شکل ۲۰۱۱: زیاده مداحن ایس آرپلی کار



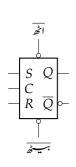
مشكل ٢٠١٢: محباز ومعه ذور بلت د فعهال مداحت ل اليسس آر پليك كار

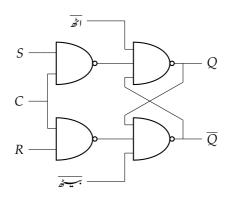
مدا حسل S اور R ہیں، جنہسیں عسام طور غنیہ رفعال (پست) رکھا حباتا ہے۔ پلٹ کار کی عسلامت مشکل - ب بھی پیش ہے۔ پیش ہے۔

اصن فی گیٹ کے محتاری کو \overline{S}_c اور \overline{R}_c کہا گیا، جبکہ گیٹوں کو تابو کار اہشارہ C منسراہم کیا گیا۔ محباز و معتذور بین نے والا اصابو کار اہشارہ \overline{S}_c اور \overline{R}_c مداحت معتذور ہوتے ہیں، \overline{S}_c اور \overline{R}_c ہیں، اور پلٹ کار اپنا حسال ہر محترار رکھتی ہے۔ متابو کار اہشارہ بلند (محباز) کرنے سے پلٹ کار کے مداحت کی اور \overline{R}_c مورائر انداز ہوتے ہیں۔

شکل-ج سیں محباز ومعہ ذور وت ابو کار احشارہ C کی کار کر دگی واضح کی گئی۔ جب تک یہ احشارہ پست (معہ ذور) رہے، \overline{S}_c اور \overline{R} بلند ہیں۔ احشارہ C بلند کرنے کے وت بل ہیں۔ یہ \overline{S}_c اور \overline{R} پلٹ کار کاحسال تبدیل کرنے کے وت بل ہیں۔ یہ یہ کے اور محباز و معذور بلند فعالی مداخل الیم آریدھے کار کہا تا ہے۔

بعض اوت ___. پلٹ کارے عصومی مداحن استعال کیے بغیبر، ہم پلٹ کار کاحب ال خود تعین کرناحپ ہے ہیں۔ عصوماً، پلٹ کار کا ابت دائی حسال نتخب کرنے کے لئے ایس کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۲۔ ۱۳ مسین دومسزید مداحن ، آٹھ اور جستھ ،





شكل ١٣: الله بيله صلاحيت يلك كار

مہا کئے گئے ہیں، جنہ میں یہ ہے کر کے پلٹ کار کوبالت رتیب زبر دستی بلند اوریت کے احساسکتا ہے۔

٢.٧ آ تاعنلام پلاك كار

گزشتہ حسبہ مسین محباز و معیذور بلند فعیال مداحشل ایس آر پلٹ کار پر غور کیا گیا۔ سشکل ۱۳.۹ مسین ایسے دو پلٹ کار (پہلا آت اور دوسسراعشلام کہلاتاہے) اور ایک نفی گیٹ ہے آقا غلام پلٹ کار ۲۹ تشکیل دیا گیا۔ آت کے محساری، عنلام کے مداحشل ہیں۔ مسزید C پر اشارہ ماعتے۔ مہیاکیا گیاہے۔

جتنی ویرساعت (C) بلندرہے، آت کے مداحن محباز، البذامحناری Q_a اور \overline{Q}_a وتابل تبدیل ہوں گے۔ عنلام کو C کا متم \overline{C} محباز ومعبذور (بلبذابر فسترار حسال) ہوگا۔

جس لمحہ ساعت پست ہو، آفتا ای لمحہ کے حسال مسین رہ حبائے گا، اور عندام محباز ہو کر فوراً آفتا کے محنارج کے مطابق حسال اختیار کرلے گا۔ یوں، عندام ہر وقت آفت کی پسیروی کر تا ہے۔ بھتی دیر ساعت پست رہے وقت آفت کی پسیروی کر تا ہے۔ بھتی دیر ساعت پست رہے ہوگا۔
تسبدیل نہسین ہو سکتے، المہذا عندلام حسال تبدیل نہسین کرے گا۔

آپ و کھ سے ہیں، عندام پلٹ کار صرف اور صرف سامت (C) کے کسنارہ اترائی پر حسال تبدیل کرتا ہے، جس کی وجب سے کنارہ اترائی پر تعلی کار آتا فلام پلٹ کارائیکہ ساتا ہے۔ ساعت کے کسنارہ اترائی پر تعییر کانشان اسس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کا کسنارہ (اترائی)، پلٹ کار کی لمبھی میں ہے، جے بست کرنے ہے، پلٹ کار داختلی اسٹارے کا مسل لیتا ہے۔

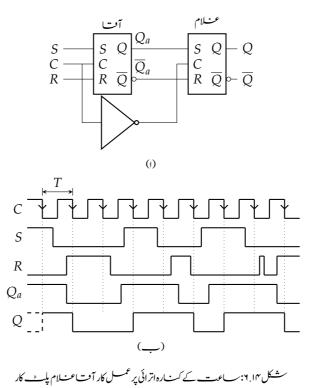
master slave flip flop rq

clock".

negative edge triggered Master Slave flip flop

trigger

٢٤. آفت عندام پلٹ کار



بـ دول ۲۰۲: کـنـنـاره اتر ائی پر عمسـل کار آفت عنــام پایــــه کار	ح
--	---

С	S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	x	x	Q_n	\overline{Q}_n
1	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	Q_n	\overline{Q}_n
\downarrow	0	0	Q_n	\overline{Q}_n
\downarrow	0	1	0	1
\downarrow	1	0	1	0
\downarrow	1	1	?	?

پیٹ کار کو پہلی مسرت برقی طباقت منسراہم کرنے ہے، حسال دوڑ پیداہو گی جس کے اختیام پر پلٹ کاربلٹ دیاپیت ہوگا۔ شکل مسین پہلے کسنارہ اترائی ہے قب Q مجمم و کھایا گیا ہے (ساب دار جس)، جو اس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی پر فعال S کے تحت آت عنلام پلٹ کاریق پنی طور پر بلٹ دسال اختیار کرتا ہے۔ (شکل ۲۔ ۱۳ مسین اٹھ بیٹے واشارات اسس طسرح مجمم صورت سے تمٹنے کے لئے ہیں۔)

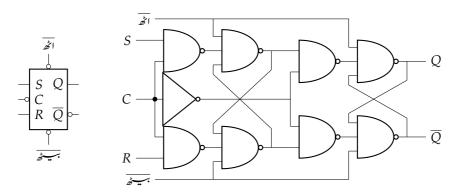
سشکل ۲ ، ۱۸ مسیں ساعت کے آٹھویں کنارہ اترائی کے بعد پست ساعت کے دوران R بلند ہو کر واپس پست ہوتا ہے، جو آفت عندام پلٹ کارکویست کرنے کے لئے، عبو آفت عندام پلٹ کارکویست کرنے کے لئے، مخصوص دورانیے ہے زیادہ وقت کے لئے فعال ہوں۔ داحنی امشارہ اس کا مخصوص دورانیے ہے زیادہ وقت کے لئے فعال ہوں۔ داحنی امشارہ اسس کا عکس مخفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ L (شکل صورت کر دار اداکر تا ہے، جب بلند ساعت اسس کا عکس مخفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ کی صورت میں بھی اور دی فعال ہونے کی صورت میں بھی است کی اور دیر فعال ہونے کی صورت میں بھی سام پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایک صورت میں بھی سام پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایک صورت میں بھی عمین میں میں ہے، کمنارہ اترائی پر کوئی مداحنل فعال ہے ہو (شکل ۲ سام میں چھٹا کئیارہ اترائی دیکھیں)، البذاء عمین کمنارہ اترائی کے لحمد موجود مداحنل کا حسال محفوظ کرنے کے لئے ضروری ہے کہ مداحنل کم از کم ایک دوری عسر صدے کے مداحنل بر کم از کم ایک دوری عسر صدے فعال رہے کی شیرط مطاط نہیں۔

حبدول ۲.۲ مسیں کن ارواترائی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار پیش ہے، جب اں ساعت کے کسنارہ اترائی پر پلٹ کار (نب) حسال افتدار کر تاہے۔ بلند اوریت ساعت کے دوران، پلٹ کار حسال برفت رار رکھتا ہے۔

بعض اوت ت، پلٹ کار کاحبال، کنارہ ساعت کا انظبار کیے بغیبر، تبدیل کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۱۵.۱ مسیں (در کار مصیں اور کار مصیب (در کار مصیب استعال کرتے ہوئے) آفت اعتمام پلٹ کار مسیں پیست فعبال مداحنل آتھ مصامات پر تین مداحنل متم ضرب گیا ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ اسپر اور جسیجہ کا انسان کر کے ایک پلٹ کار تفکسیاں یا گیا ہے۔ (برقی تاروں کی تعبداد بہت بڑھ گئی ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ اسپر مصابق کا البت، جب ضرورت پیشس مصرت دوبارہ دیکھیں۔) عمام طور انہیں غیبر فعبال رکھا حبائے گا، البت، جب ضرورت پیشس آئے، انہیں استعال کرتے ہوئے، ساعت کے کہنارہ اترائی کا انتظار کیے بغیبر، پلٹ کار کا حیال مصرضی کے مطابق منتخب کیا جب سے گا۔

شکل مسیں منفی کنارے پر علی کرنے، اور اٹھ پیٹھ صلاحیہ کے ، آقا غلام پلٹے کاری علامت بھی پیش ہے،جبال

۲.۸ . ڈی پائے کار



مشكل ١٥.١٤ الله بي المصلاحية وكفي اور منفي كن اربي يرعمس لرني والا آفت عندلام يليك كار

ساعت (C) پر گول دائرہ منفی، اور تکون کنارے کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں اسس سے مسراد "ساعت کے منفی کنارے پر عمسل پسیر راہونا"لسیا حیائے گا۔

۲.۸ وی پلیٹ کار

۱.۸.۱ آت اعتلام یلٹ کارسے حساس کر دہ ڈی یلٹ کار

پلٹ کارکی کارکرد گی کا جدول بھی شکل ۱۱.۲ مسیں پیش ہے، جس کے تحت، بلندیا پیسے ساعت کے دوران، مداحنل D، پلٹ کارر کی کا جدول کی پر اثر انداز نہیں ہوگا۔ پلٹ کار (صرنب) ساعت کے کمن ارہ اترائی پر اگر نیسیں ہوگا۔ پلٹ کار (صرنب) ساعت کو نفی گیٹ ہے گزار کر کنارہ پڑھائی حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں اسس کانام کنارہ اترائی پر علی کار ڈی پلٹ کارڈی پارٹ ساعت کار سمال ہوگا۔

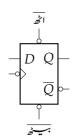
سشکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی کار کر دگی کی مشال پیش ہے۔ آت عندام پلٹ کار کے R مداحن سے چھٹکاراحساس کرنے کی بدولت، ڈی پلٹ کار کر میں صورت "حسال دوڑ" سے دو حیار نہیں ہوگا۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی سے قبل، پلٹ کار کاحسال مبہم ہے، جس کوسیاہ کر کے (بلٹ دیسے دونوں) دکھیا گیا ہے۔

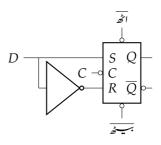
__

D FF

negative edge triggered, D flip flop ro positive edge triggered, D flip flop ro

С	D	Q_{n+1}
0	х	Q_n
1	\boldsymbol{x}	Q_n
\downarrow	0	0
	1	1
		· ·

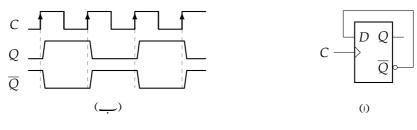




شکل ۱۱.۱۲: آفت عندام سے حساصل ڈی پلٹ کار



۲.۹ . وَى لِلِتُ كَار



شکل۲.۱۸: تعدد دوسے تقسیم کیا گیا

شکل ۱۸.۱ میں کنارہ پڑھائی پر عمسل کارڈی پلٹ کار کا \overline{Q} مداحنل D ہے جوڑ کر، پلٹ کارکوساعت \overline{Q} ہنداہم کی گئی۔ شکل ۔ بہ میں ساعت کے اول کسنارہ حپڑھائی پر توجہ دیں۔ یہاں \overline{Q} ہے، الہذا D بلند ہوگا اور ساعت کے کسنارہ حپڑھائی پر پلٹ کار اس کا عکس محفوظ کرتے ہوئے بلند حسال افتیار کرتی ہے۔ پلٹ کار کامونارج \overline{Q} بھو کامینارج کی جو دیر بعد دنیاحسال \overline{Q} و افتیار کرے گا، لیکن اس وقت تک ساعت کا کسنارہ گزر چکا ہوگا۔ کامینارج کی کی کسنارہ گیر گیا ہوگا۔ کی ساعت کا کسنارہ گزر چکا ہوگا۔ ساعت کے انگر کی کی گریات ہوگا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ \overline{Q} (ای \overline{Q}) کا تعدد ساعت کے تعدد کا اصف ہے۔

کن ارہ اترائی پر عمس ل کارپلٹ کارے استعال مسیں اسس بات کو پقسینی بناناخروری ہے کہ مداحسٰل، ساعت کے کسنارہ اترائی کے دوران، تب دیل سنہ ہو۔ حقیقت، کسنارہ اترائی کے آغسازے چند لمحسات قببل سے لے کر، کسنارہ گزرنے کے چند لمحسات بعب بیار کے استحرتیب دورانیہ لمحسات بعب مداحسٰل کا کابر و تسرارایک حسال مسیں رہنا خروری ہے۔ ان لمحسات کو بالت رتیب دورانیہ تعلیم کارکے تحسٰلی کار مہاکہ جارائی معسلومات پلٹ کارکے تحسٰلی کار مہاکر ہے۔ ہیں۔ دورانیہ خصیراؤکی معسلومات پلٹ کارکے تحسٰلی کار مہاکر ہے۔ ہیں۔ کسنارہ حیر خرصائی یر عمسل کارپلٹ کارکی صورت مسیں مداحسٰل کو دوران حیر خرصائی تب بل نہ میں ہونے دیاجساتا۔

۲.۹ ڈی پلٹ کار

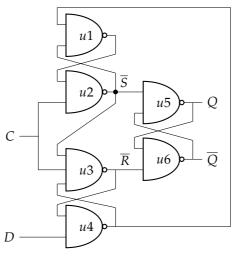
گزشتہ حصہ مسیں آفت اعتمام پلٹ کارے ڈی پلٹ کار صاصل کیا گیا، جس کے مداحت لیر، کم از کم ایک دوری عسر مصہ دورانی ہے کئے حسال برفت رار رکھنے کی مشہر ط مساط ہے۔ مشکل ۱۹۱۲ مسین نسبتاً بہت ر، (کسنارہ حسیر ط سائی پرعمسل کار) ڈی پلٹ کار پیش ہے، جو واقعی، ساعت کے کمٹ رہ حسیر ط سائی پر (نیبا) حسال اختیار کرتا ہے، اور جو وسلج پیجانہ مخلوط ادوار ۲۸ مسیری ماکشرت مستعمل ہے۔

 u^2 ، u^2

setup time

hold time"

very large scale integration (VLSI) "^^

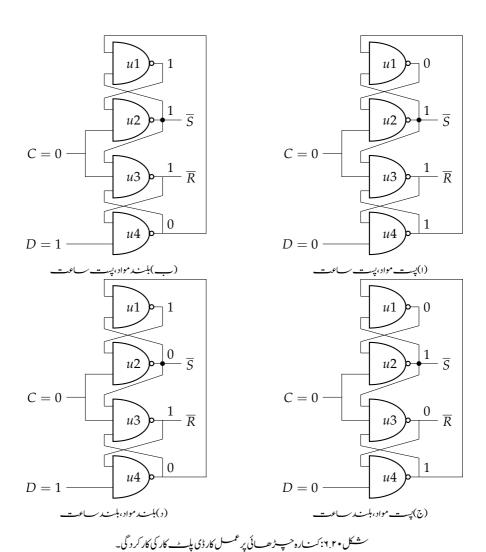


شکل ۲.۱۹: کن اره حب ٹرھ ائی پر عمل کارڈی پلی کار

تعبین کرتے ہے۔

سنگل ۲۰۰ سین دور کی کار کردگی کی وضاحت کی گئی ہے، جہاں صوف گیٹ \overline{R} اور \overline{R} سنگل ۱۹۰ کے \overline{R} وہ کھنے ہوئے تسام (حیار) مکنت صور تیں پیشش کی گئی ہیں۔ گیٹ و \overline{R} اور \overline{R} سنگل ۱۹۰۱ کے گیٹ و اور \overline{R} اور \overline{R} مکنت صور تیں پیشش کی گئی ہیں۔ گوٹ کے محارج \overline{Q} اور \overline{Q} مہیا کرتے ہیں۔ سنگل ۲۰۰ الغی اور سیس پیست ساعت \overline{Q} اور \overline{Q} مہیا کرتے ہیں۔ سنگل ۲۰۰ الغی اور \overline{Q} کی صورت مسین \overline{Q} اور \overline{Q} مہیا کرتے ہیں۔ سنگل مسین کی صورت مسین \overline{Q} اور \overline{Q} مہیا کرتے ہیں۔ قطع نظر، بلند ہوں گی بالبند اور \overline{R} اور \overline{R} اور \overline{Q} کی گئیٹ کی گئیٹ کی گئیٹ کی کی برولت \overline{Q} اور \overline{Q} کی گئیٹ کی کی برولت \overline{Q} اور \overline{Q} کی گئیٹ کی کی برولت کی اور \overline{Q} کی گئیٹ کی کار بروت را رسال ہوگا۔ جب \overline{Q} کی کہند ہوں گئی گئیٹ کی باز رک کے گئیٹ کی کار بروت را رسال کی گئیٹ کی صورت مسین، جو \overline{Q} کی قطع نظر کئی گئیٹ کار بروت را رسال رکھتا ہے، ہی دوم مکنات یا تے جب تے ہیں۔

۲.۹ . ڈی پلٹ کار



کی قیت تبدیل نہیں ہونی حب ہے۔ دورانی تھی راؤگیٹ سے دورانی رد عمل کے برابر ہے، چو ککہ، D کی قیت کے قط نظر، 44 کامٹ رق 1 پر کھنے کے لئے R کا 0 ہونالازی ہے۔

D = 0 ہو نے کے لیمے پر D = 0 ہو، تب \overline{S} تب دیل ہو کہ D ہوگا، جب ہم کی قیمت D = 0 ہو، تب کی ہن پر (شکل ۱۹٫۱ میں) ڈی پلٹ کار کا محن ان کی باند (1) ہوگا۔ بلند ساعت D = 0 ہو، جو رودان ، D = 0 کی تب دیلی D = 0 ہو، کی تب یا تب کی تب

حنلام کے یوں ہے۔ ساعت کے کمنارہ حبٹر ہائی پر D کی قیمت Q کو منتقتل ہوتی ہے۔ بلند ساعت کے دوران Q مسین تبدیلیاں Q پر اثر انداز نہیں ہوتیں۔ مسزید، ساعت کا کمنارہ اترائی اور پست ساعت، Q پر اثر انداز نہیں ہوتے۔

ان ادہ D=0 گیٹ U اور U اور U گرر U گویت کرتا ہے، جو U گوبلند کے رکھتا ہے۔ یوں ساعت کے کسارہ حب ٹرھسائی ہے (U اور U اور U گوبلند روقت آب ان طسرت U گرابر وقت مستقل صورت افتیار کرلے۔ ای طسرت U گروری ہے کہ U گیمت مستقل صورت افتیار کرلے۔ ای طسرت U گروری ہے کہ U گیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھے۔ راؤ (جو U کی قیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھے۔ راؤ (جو U کے ترابرہ کے کے تب رہاں ہو۔

آ وت عندام پلٹ کار کی طسرح، کسنارہ پر عمسل کارپلٹ کار، ترشیبی ادوار مسیں بازری کے مسائل سے چھٹکارا دیت ہے۔ اسس قسم کاڈی پلٹ کار استعال کرتے وقت دورانیہ شیاری اور دورانیہ ٹھیسر اؤپر توحب دینی ہوگی۔

تر تت بی ادوار مسیں مختلف پلٹ کاراستعمال کرتے وقت، اسس بات کو یقشینی بن میں کہ تمسام پلٹ کار ہیکوقت (یعنی تمسام پلٹ کار کسارہ استعمال کرتے ہوں۔ وہ پلٹ کار کسارہ حب ٹرھسائی پر) حسال تب دیل کرتے ہوں۔ وہ پلٹ کار مخترب کسارے جو منتخب کسنارہ کے محتالف کسنارے پر حسال تب دیل کرتے ہوں، کی ساعت نفی گیٹ سے گزار کر، منتخب کسنارے کے ہم عصب رہنا جا ساتھ ہے۔

مثق ۲۰۳: انٹ رنیٹ سے ڈی پلٹ کار کے معسلوماتی صفحیات اتاریں۔(۱) اسس محسلوط دور مسیں کتنے ڈی پلٹ کار ہیں؟ (ب) سے بلٹ کار ساعت کے کس کسارے پر عمسل کارے؟

۲.۱۰ جے کے پلٹ کار

ڈی پلٹ کاراستعال کر کے مختلف اقسام کے پلٹ کار تشکیل دیے حباستے ہیں، جن مسیں جے کے پلٹ کار ۱۹ اور ڈھے پلٹ کار ۵۰ بہت مقبول ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حبٹرہ سائی پر عمس کار جے کے پلٹ کار کی بسناوٹ ششکل ۲۱.۲

JK FF^{rq} T FF²

۱۰۲. جے کے پلٹ کار

مسیں، اور کار کر دگی حبد ول ۲۰۱۹ – ب مسین پیش ہے۔ کسنارہ اترائی پر عمسل کارجے کے پلٹ کار بھی پایا حباتا ہے۔ سنگل مسین مداحسل D ذیل ہوگا، جہاں پلٹ کارے موجودہ محسارج \overline{Q}_n اور \overline{Q}_n ککھے گئے ہیں۔

$$D = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

ساعت کے اگلے کن ارہ حپڑھ انی پرڈی پلٹ کار اسس مداحنل کے تحت حسال اختیار کرتا ہے، اہلنہ اج کے پلٹ کار کرکا کار کر دگی کی مساوات درج ذیل ہوگی، جہاں موجودہ محتارج ہم اور اگلا ہے۔

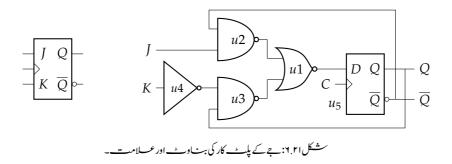
$$Q_{n+1} = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

آپ نے دیک کہ $Q_{n+1} = Q_n$ کی صورت مسیں پلٹ کاربر تسرار حسال $Q_{n+1} = Q_n$ ہوگا۔ حب دول کے اضافی حسن نے مسیں یہ معلومات درج کی گئی ہے۔ آسلی کر لیں (اگلے مثق مسیں ایسا کرنے کو کہا گیا ہے) کہ جبدول مسیں D اور Q_{n+1} کی تمام معلومات مساوات Q_{n+1} کے عسین مطابق ہیں۔ اسس جبدول کی بہتر صورت جبدول – ہے، جہال غریر ضروری معلومات روپوشش کی گئی، اور کستارہ حہڑھائی کی معلومات فسیر ایم میں گئی۔

ہے کے پلٹ کارکھ کارکردگھ درج ذیل ہے۔

I اور I مداحن کار دار اداکرتے ہیں، گین فعسال I اور I بالت رتیب I اور I مداحن کاکر دار اداکرتے ہیں، گین فعسال I ، پلٹ کار کو (ساعت کے عمسل کار کسنارہ پر) بلند حسال I اور فعسال I اسے پست حسال کر تا ہے۔البت یہسال دونوں مداحن فعسال ہونے کی صورت مسیں یا بیٹ کار موجو دہ حسال ہونے کی احسان ہونے کی صورت مسیں یا بیٹ کار موجو دہ حسال بر قسیر ارد کھتا ہے۔

مثق ۲۰.۳: حبد ول ۳.۶-الف اور کی تصید بق کریں۔



ب دول ۲.۳: کن اره حب ڑھ ائی پر عمس کار جے کے پلٹ کار

С	J	K	Q_{n+1}	
\uparrow	0	0	Q_n	برمتسرار حسال
\uparrow	0	1	0	پست حسال
\uparrow	1	0	1	بكن دحسال
\uparrow	1	1	\overline{Q}_n	متم حسال

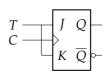
(1)

J	K	Q_n	D	Q_{n+1}
0	0	0 1	0	Qn
0	1 1	0 1	0	0
1 1	0	0 1	1 1	1
1 1	1 1	0 1	1 0	\overline{Q}_n

۱۰۱ ج کے پلٹ کار

С	T	Q_{n+1}
0	x	Q_n
1	\boldsymbol{x}	Q_n
\uparrow	0	Q_n
\uparrow	1	\overline{Q}_n





شکل ۲۲ کی پلٹ کار کی بن اوٹ اور عسلامت

ا.۱۰.۱ ٹی پلٹ کار

ج کے پلٹ کار کے دونوں مداحنل آلپس مسیں جوڑنے سے فی پلٹے کارا^{۱۵}حساسل ہو گا، جو شکل ۲۲.۲ مسیں بمع عسلامت اور حبدول پیش ہے۔

پیت مداحن (T=0) کی صورت مسین ٹی پلٹ کاربر فسیرار حسال رہے گا، جب کہ بلٹ مداحن (T=1) کی صورت مسین ساعت کے کشارہ حب ڑھا کی پر متم حسال اختیار کرے گی۔ یوں بلٹ کا کی صورت مسین بلٹ دیائے کی سازہ حب ڑھا کی بربلٹ دیوگا۔ کارا گلے کشارہ حب ڑھا کی بربلٹ دیوگا۔

ٹی پلٹ کار کی مساوات، جے کے پلٹ کار کی مساوات ۲.۲ سے حساصل کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

$$= T\overline{Q}_n + \overline{T}Q_n$$

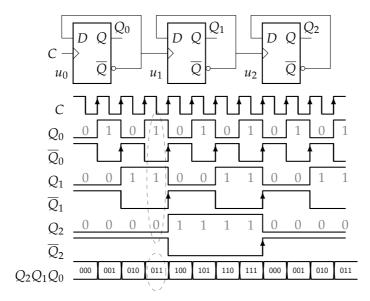
$$= T \oplus Q_n$$

مساوات کے حصول مسیں J اور K دونوں کی جگ T استعال کسیا گسیا۔

مثق ٢٠٥: أي يلئ كارك حبدول كي تصديق كرير-

مثق ۲.۲: انٹ رنیٹ سے 74xx اور 40xx سلسانہ مسین جے کے اورٹی پلٹ کارتلاسش کریں۔

 $T\,FF^{\Delta 1}$



شکل ۲۰۲۳: تین هندسی شنائی گنی کار

ال.١١ شنائي گنت كار

سشکل ۱۸.۲ مسیں پیشس دور تین مسرتب استعال کر کے مشکل ۲۳.۲ ساسسل ہوگا۔ بائیں حبانب سے اول پلٹ کار (س) کامختارج Q₂ پکارا آسیا ہے۔ (س) کامختارج Q₀ پکارا آسیا ہے۔

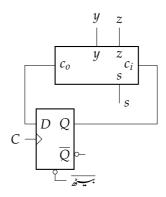
پلٹ کار u_0 ساعت (C) کا تعدد 2 سے تقسیم کرتا ہے۔ اسس کے دونوں مختارج شکل مسیں پیش ہیں، جو ساعت کے کہنارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتے ہیں، اور جن کا تعدد C کے تعدد کا نصف ہے۔ احشارہ u_0 کا تعدد C کا میل کرتا ہے۔ یوں u_1 کا تعدد C کا تعدد C کا تعدد کا کہ کار کی ساعت مہیا کیا گیا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔

پلٹ کار کے محناری، شنائی عدد کے تین ہندے تصور کر کے، $Q_2Q_1Q_0$ روپ مسیں کھیں۔ شکل ۲۳۰۱ کے آخندی صف مسیں سے عدد پیش ہے، جہاں تسنوں پلٹ کار ابتدائی طور پیت تصور کے گئے۔ نقطہ دار $Q_2Q_1Q_0=0$ 11 ربند)، اور $Q_2=0$ 10 (بست) ہیں جنہیں $Q_1=0$ 10 ربندی، اور $Q_2=0$ 10 (بست) ہیں جنہیں کیا گئے۔ کار ابر ہے۔ یہ دور ساعت کاکنارہ حب طائی، (تین ہندی شنائی عدد کے روپ میں) گذت ہے، جو اعشاری تین کے رابر ہے۔ یہ دور ساعت کاکنارہ حب طائی، (تین ہندی شنائی عدد کے روپ میں) گذت ہے، جس کی بن پر اس کانام تکی ہوئی ہندی ہنگائی گئے۔ کار آئے۔

گنت کار صف ر (0002) تاست (1112) (یعنی آٹھ، 23، کن ارے) گسنتی کرنے کے بعب دوبارہ صف (0002)

three bit binary counter or

۲.۱۲ سلیله وارشنائی جمع کار



مشكل ٢٠٠: سلسله وارشن أئي جمع كار

ے سشروع کر تاہے۔ ساعت C کی بحبائے گنت کار کو کوئی بھی عددی اسٹارہ گسنتی کے لئے مسئراہم کسیاحب اسکتاہے۔ گنت کار اسٹارے کے کسنارہ حپڑھ ان کی گسنتی کر کے نتیجہ مہیا کرے گا۔

ڈی پلنے کار کی تعبداد 4 کر کے، سولہ (16 = 16) کن ارے گئنے کے متابل گنت کار بنایاحب سکتا ہے جو صغیب ر (0000ء) تا پہندرہ (1111ء) گسنتی کرے گا۔ یوں n پلنے کارپر مشتل شنائی گنت کار 2^n کن ارے گئنے کے متابل ہو گا۔

۲.۱۲ سلسله وارشنائی جمع کار

شکل ۲۳.۲ مسیں مکسل جمع کار (u_1) اور ڈی پلٹ کار (u_2) کی مدد سے اصطبالا حملہ وار شنائی جمع کار کو جمع کرنے والے دو سے (مکسل جمع کار کی ڈب عسامت کو یوں بنایا گیا ہے کہ دور مسیں صفائی پیدا ہو)۔ مکسل جمع کار کو جمع کرنے والے دو شنائی اعبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حباتے ہیں۔ کمت ر تی ہو سے مشروع کر کے ساعت کے ہر کسنارہ حب روسائی پر دونوں اعبداد کے اگلے بن ف سراہم کے حباتے ہیں۔ کس بھی وقت م پر ڈی پلٹ کار حاصل جمع (لین مکسل جمع کا حضول سے کا حضارتی حساسل) ذخیہ و کر کے اگلے وقت م پر مکسل جمع کو بطور داخنی حساسل مہیا کر تا ہے۔ محبوعہ کے حصول سے قبل ڈی پلٹ کار زبروستی پیس کہ x پر سلیلہ واردنوں شنائی اعبداد کا محبوعہ حنارتی ہوگا۔

اسس باب کے آمنسر مسیں آپ سے گزارسش کی حبائے گی کہ سلسلہ وار شنائی جمع کار استعال کرتے ہوئے دوشنائی اعساداد جمع کریں۔

binary serial counter

۱.۱۳ معاصر تت بی ادوار کا تحبز ب

اعت پر عمسل کار، پلٹ کارپر مسبنی ادوار معاصر ترتیبی ادوار ۳۵ ہسلاتے ہیں، جو پلٹ کارے موجودہ حسال اور مداحسل دیمے کرنئے حسال افتیار کرتے ہیں۔ معساصر ترتیبی ادوار، عسوماً، کسنارہ ساعت کے ساتھ وسدم ملاکر چلتے ہیں۔ ہم زیادہ ترکسارہ ساعت پر عمسل کار ترتیبی ادوار پر تبصیرہ کریں گے (جو مستن سے واضح ہوگا)۔ معساصر ترتیبی ادوار مسیں ترکسی ھے کاموجود ہونالازم نہیں۔

کنارہ پر عمسل کار معساصر ترتیبی ادوار کنارہ ساعت پر نیباحسال اختیار کرتے ہیں۔ موجودہ حسال نئے حسال پر اثر انداز ہو سکتا ہے، البندائے حسال دریافت کرتے وقت موجودہ حسال (کو بھی) مداحساں تصور کریں۔ ترکیبی ادوار کی طسرح ترتیبی ادوار کا حبدول، جو **مدول عالی^{۵۵} ب**سلاتا ہے، نئے حسال دریافت کرنے مسیں مددگار ثابت ہوگا۔ نیباحسال مم**اوات عالی ۲**۵ ہے بھی حساصل کیا حباسکتا ہے۔ دونوں طسریقوں پر غور مشالوں کی مددے کرتے ہیں۔

ا.۱۳.۱ مساوات حسال

ce(2) موجودہ حسال اور موجودہ مداحنل کے روپ مسیں، مساوات حسال دور کے اگلے حسال بسیان کرتی ہیں۔ کسنارہ حسام عدت کے موجودہ حسال کو موجودہ حسال کو موجودہ حسال تصور کر کے، اسس کے لئے امشاریہ n استعمال کرتے ہوئے، مشلاً Q(n) ، انگلاحسال Q(n+1) ہوگا۔

شکل ۲۵.۹ مثال بن کر آگے بڑھے ہیں، جہاں کن ادہ حپڑھائی پر عمسل کار ڈی پلٹ کار مستعمل ہیں۔ موجودہ مداحنل مستعمل ہیں۔ موجودہ مداحنل مصور کر کے D_0 کی ترکیب مساوات برمی جب موجودہ محناری D_0 اور D_0 اور D_0 کا سین میں اور تکھے ہیں۔ خرب گیٹ میں۔ خرب گیٹ میں اور تاریخ کاری اور D_0 اور D_0 اور D_0 کا کو کا کا محناری ہے، ان کے منطق جمج کا معتم ہوگا۔ مداحنل کی مداحنل ہیں، البندا (بالائی پلٹ کاری منطق جمج کا معناری ہے منازے ہے، ان کے منطق جمج کا معتم ہوگا۔

$$D_0(n) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

اس میاوات میں ہر حبزو کے ساتھ (n) چیاں کر کے واضح کیا گیا کہ یہ موجودہ متغیبرات ہیں۔ سابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال u1 اس میاوات کے مطابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال $Q_0(n+1)$ ورج ذیل ہوگا۔

$$Q_0(n+1) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

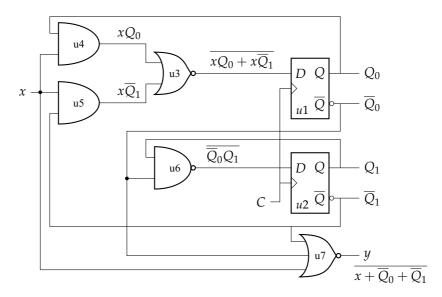
ای طسرح متم ضرب u6 کے مداحسٰل \overline{Q}_0 ، \overline{Q}_0 الہذامینارج $\overline{\overline{Q}_0Q_1}$ ہوگا،جو پلیٹ کار u کامداحسٰل u کامداحسٰل ورج ذیل ہوگا۔ یوں اسس پلیٹ کار کااگلاحسال درج ذیل ہوگا۔

$$Q_1(n+1) = \overline{\overline{Q}_0(n)Q_1(n)}$$

synchronous sequential circuits or

state table as

state equation 67



شکل ۲.۲۵: ترتیبی دورکی بطور مثال

تیب رامخنارج y ہے جو متم جمع u کامخنارج $\overline{x}+\overline{Q}_0+\overline{Q}_1$ ہے،اور جو ساعت کا تابع نہیں،اہلہذا y صرف موجودہ حسال اور مداحن کی مخصر ہے، لینی ہے ہر صورت موجودہ مختارج ہوگا۔

$$y(n) = \overline{x(n) + \overline{Q}_0(n) + \overline{Q}_1(n)}$$

ساوات ۲۰۱۱ اسیں باربار (n+1) اور (n+1) کھنے سے گریز کرتے ہوئے درج ذیل کھا جب سکتا ہے۔

$$Q_0 = \overline{xQ_0 + x\overline{Q}_1}$$

$$Q_1 = \overline{\overline{Q}_0Q_1}$$

$$y = \overline{x + \overline{Q}_0 + \overline{Q}_1}$$

۲.۱۳.۲ حبدول حسال

معساص حسال جدول مسین کلھ جب سے ہیں۔ شکل ۲۵۱ کی مشال آگے بڑھ تے ہوئے مساوات ۱۳۰۱ سے حبدول کلھتے ہیں۔ موجودہ مداحنل (x) اور موجودہ حسال $(Q_1\cdot Q_0)$ آزاد متغیبرات، جب اگلے محناری اور حسال تائع متغیبرات تصور کر کے ان کی تسام ترتیب $(Q_0(n)\cdot x(n))$ متغیبرات تصور کر کے ان کی تسام ترتیب $(Q_0(n)\cdot x(n))$ ماور الله محناری (111_2) کا مصال میں درج کر تیب کے مطابقتی الگے حسال (210) ماور الله محناری مصال کر کے جبدول مسین درج کریں۔ یوں حبدول ۲۰ مصال ہوگا، جو **بدول حال** عالم کا محال تا ہے۔

state table 62

موجو دہ حسال	_ال	اگلا حہ	عنارج	موجوره م
	x = 0	x = 1	x = 0	x = 1
Q_1Q_0	Q_1Q_0	Q_1Q_0	y	у
00	11	10	0	0
01	11	10	0	0
10	01	01	0	0
11	11	10	1	0

حبدول ۲۰.۴: حبدول حسال (برائے مساوات ۲۰۰۱)

٣١١٣.٣ حناكه حسال

حبدول حسال مسین موجود معسلومات کاحن که بن پاجب سکتا ہے جو **فاکہ مالی ۵**۸ کہلاتا ہے۔ جبدول ۲۰۰۸ کاحن کہ حسال مشکل ۲۰۰۸ میں پیش ہے۔

حن کہ حسال مسیں دور کاحسال گول دائروں سے ظلم کسیاحباتاہے، جبکہ موجودہ حسال سے الحلے حسال منتقلی تسیسر دار لکسیسر سے ظلم کی حباتی ہے، جس کی دم موجودہ حسال پر اور سسر الحلے حسال پر رکھا حباتا ہے۔ تسیسر دار لکسیسر پر دواعب داد لکھے حباتے ہیں، جن کے پہر تھی لکسیسر کھیٹی حباتی ہے۔ وہ داحسلی قیسیہ جو انتقال کا سبب ہستتی ہے، تر تھی لکسیسر کے اوپر اور موجودہ محسارج نے لکھا حساتا ہے۔

00 جن کہ حسال دیکھ کر کئی حسن کُقل ہا آسن فی واضح ہوں گے۔ مشلاً، حن کہ دیکھ کر واضح ہے ہے۔ دور کسی دوسسرے حسال سے x=1 منتسل ہوگا، جس کے بعد جب تک x=1 رہے حسال سنتسل ہوگا، جس کے بعد جب تک x=1 رہے حسال سب ہوگا، جس سے نظنے کا کوئی داستہ موجود نہیں۔

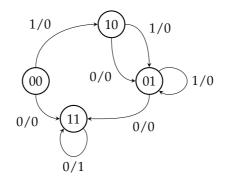
حناکہ حسال اور جبدول حسال ایک ہی معسلومات دو مختلف طسریقوں سے پیشس کرتے ہیں۔ دونوں مسیں پیشس معسلومات ہر طسرت یکساں ہے۔

۲.۱۳.۴ ڈی پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

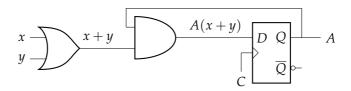
تر تسیبی ادوار کے حسل کی مسزید مشالوں پر غور کرتے ہیں۔ پہلی مشال ڈی پلٹ کارپر مسبنی ہے جو شکل ۲۷.۱مسیں پیشس ہے۔ دور مسیں ایک پلٹ کارپایا حب تاہے جس کامحنارج A کھی کر مداخن ل

ساعت کے کنارہ حبڑھائی پر ڈی پلٹ کار مداحنل کے تحت نیا حال افتیار کرتا ہے، البذا الگل حال کی

state diagram^{2A}



شكل ٢٦.٢١: حناكه حسال (برائے شكل ٢٥.٦)



مشكل ١٠٢٤: دى پلاك كار پر مسنى ترتىسبى دور

ساوات درج ذبل ہو گی

$$A(n+1) = A(n)(x(n) + y(n))$$

بے۔ بسس کی سیادہ صور<u>ت</u> ذیل ہے۔

$$A = A(x + y)$$

اسس مساوات کے نتائج شکل ۲۸۰ مسیں جبدول مسیں پیش ہیں۔ حناکہ حسال اور اسس کا سادہ روپ (نحپلا حناکہ) بھی شکل پیش ہیں۔ پلٹ کار کے حسال 0 اور 1 دائروں مسیں رکھے گئے ہیں، جبکہ ان کے آخ انتحال شیر دار ککیسرے د کھسایا گیا ہے۔ تیبر دار لکسیسروں پر مداخنل xy کی موجودہ قیمتیں کبھی گئی ہیں۔ ایک ہی حسال مسیں رہنے کے تمام ممکنات کو اکھی بھی کھی حباسکتے ہی جیسے خیلے حناکہ مسیں کسائیسے۔ آپ د کھے سکتے ہیں کہ حسال 1 ہے 0 اسس وقت انتحال ہو گاجب مداخنل 00 ہو۔ باتی تمام حسال مسیں پلٹ کار موجودہ حسال بر متحرار رکھتا ہے۔ مسئوی کا کوئی راستہ موجود نہیں۔

۲.۱۳.۵ جے کے پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

شکل ۲۹.۲ سیں جے کے پلٹ کار پر مسبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ بالا پلٹ کار کا حسال Q_A اور مداحسل K_A ، J_B ہیں۔ جب نہریں پلٹ کار کا حسال Q_B اور مداحسل Q_B ہیں۔



$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		موجوده		1161
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	A	х	у	A
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0	0	0	0
$\begin{array}{ccccccc} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \end{array}$	0	0	1	0
$\begin{array}{cccccc} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \end{array}$	0	1	0	0
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0	1	1	0
1 1 0 1	1	0	0	0
	1	0	1	1
1 1 1 1 1	1	1	0	1
	_1	1	1	1

10,01,11



دور مسیں متم بلات رکت جمع گیٹ کا ایک مداحنل Q_A ہے جو بالائی پلٹ کار کاموجودہ حسال ہے۔ پلٹ کارے محنار جن سے گیٹ کے محالت کا ایک نام رکھا گیٹ کے مداحنل تک تارکھینچ کی بحب نے دونوں کا نام Q_A) رکھا گیٹ ہے۔ جب بھی دومعتامات کا ایک نام رکھا حب نے ، انہیں آپ مسیں برقی طور حبڑ اتھوں کریں۔ یول ، دونوں ضرب گیٹ کا ایک ایک مداحنل زیریں پلٹ کا رکے محنار جی سے جبڑ اہے۔

مداحنل کی مساوات ذیل ہیں۔

$$J_A=\overline{x}Q_B \ K_A=xQ_B \ J_B=x \ K_B=\overline{x\oplus Q_A}$$

ان مساوات سے جبدول ۵.۲ حساصل ہو گا، جس سے اضافی مواد نکال کر جبدول حسال مساصل ہو گا (شکل ۲۰۰۱)۔ حبدول حسال سے حساصل حت کہ حسال بھی شکل مسین پیشس ہے۔

 Q_B اور مداحت X کی تمسام مسکنات Q_B مرجوده حسال Q_B اور مداحت Q_B اور مداحت Q_B مسکنات Q_B مین وجوده مداحت Q_B مین و تصدیر و بائین بائی بائی تعدید و تصدیر و تعدید و

$$J_A = \overline{x}Q_B = \overline{0} \cdot 0 = 1 \cdot 0 = 0$$

$$K_A = xQ_B = 0 \cdot 0 = 0$$

$$J_B = x = 0$$

$$K_B = \overline{x \oplus Q_A} = \overline{0 \oplus 0} = \overline{0} = 1$$

$$Q_A = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = 0 \cdot \overline{0} + \overline{0} \cdot 0 = 0 \cdot 1 + 1 \cdot 0 = 0 + 0 = 0$$

$$Q_B = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = 0 \cdot \overline{0} + \overline{1} \cdot 0 = 0$$

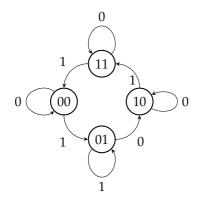
حساس کر کے جبدول کی پہلی صف مسین درج کریں۔ باقی صف کے لئے مواد حساس کے کے جبدول بھے ریں۔ Q تلاسش کر سکتے ہیں۔ Q کا مساوات استعمال کر کے بھی Q تلاسش کر سکتے ہیں۔

$$Q_A(n+1) = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = (\overline{x}Q_B) \overline{Q}_A + (\overline{x}\overline{Q}_B) Q_A$$
$$Q_B(n+1) = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = x \overline{Q}_B + (\overline{x} \overline{\oplus Q_A}) Q_B$$

حنا کہ حسال (شکل ۴۰.۳) پر توجب دیں۔ حسال 00 سے 01 اور بہاں سے 10 اور اسس کے بعد 11 حبایاحب سکتا ہے، جس کے بعد دوبارہ 00 سے ہوگا۔ یہ، جس کے بعد دوبارہ 00 سے ہوری کہانی شخروع ہوگا۔ یہ، جس کے بعد دوبارہ 00 سے ہوری کہانی شخروع ہوگا۔ یہ،

حبدول ۲.۵: ج کے پلٹ کار دور کی مساوات ۲.۴اسے حساسل حبدول

موجوده مداحن اور حسال		_ل	کے مدا ^{حت}	_ کار _	يل	ئسال	اگلے <	
Q_A	Q_B	x	$ J_A $	K_A	J_B	K_B	Q_A	Q_B
0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	1
0	1	0	1	0	0	1	1	0
0	1	1	0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	1	1	1	0	0



موجوده حسال	اگلا حسال				
	x = 0	x = 1			
Q_AQ_B	Q_AQ_B	Q_AQ_B			
00	00	01			
01	10	01			
10	10	11			
11	11	00			

شكل ٢٩.٣٠:حبدول حسال اور حساك محسال برائ مشكل ٢٩.٦



مشكل ٢٠١٠: في يلاك كارير مسبني ترتسبي دور

حال 11 کے، ہر مسرت x تبدیل کرنے سے حال تبدیل ہوگا۔ یوں 00 مسیں جب تک x=0 رہے، دور ای حال مسیں رہت ہے، البت x بلند کرنے سے x=0 حال حاصل ہوگا، جہاں اس وقت تک رہاجائے گا جب تک x=0 دہو۔

۲.۱۳.۲ نی پائے کار کی مدد سے ترشیبی دور کاحب ائزہ

سٹکل ۳۱.۹ سیں ٹی پلنے کار پر مبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ پلنے کار کے حسال A اور Bے ظاہر کیے گئے ہیں۔ یوں پہلے پلنے کار کامداحس T_A اور دوسرے کا T_B ہے۔

یلے کار کااگلاحسال مساوات ۲.۹ سے ملت ہے جے یہاں دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = T \oplus Q_n$$

موجو دہ ضرورے کے تحت مساوات سے درج ذیل لکھا حیا تاہے۔

$$A_{n+1}=T_A\oplus A=T_A\overline{A}+\overline{T}_AA$$
 $B_{n+1}=T_B\oplus B=T_B\overline{B}+\overline{T}_BB$

پلٹ کارے مداحنل کی مساوات شکل ۲. ۳۱ سے حساصل کرتے ہیں۔

$$T_A = A\overline{B}$$

$$T_B = \overline{A\overline{B} + x}$$

ان مساوات کومساوات ۲.۵مسیں ڈالنے سے پلٹ کارے حسال کی مساواتیں حساسل ہوں گی:

$$A_{n+1} = (A\overline{B}) \oplus A$$
$$B_{n+1} = (\overline{A\overline{B}} + x) \oplus B$$

حبدول ٢٠١٦; في پلئ كار دور (كسكل ٣١.٦) كاحبدول حسال

(1)

	()	
موجوده	_ال	اگلا حـ
	x = 0	x = 1
AB	AB	AB
00	01	00
01	00	01
10	00	00
11	10	11

زاد	چوده مو	مو	_ال	اگلا حہ	نل	مداح
A	В	x	A	В	T_A	T_B
0	0	0	0	1	0	1
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	0	0	1	0
_1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	1	0	0	1
_1	1	1	1	1	0	0

جن سے حبدول ۲.۲-الف ملت ہے۔ مداحن x اور موجودہ حسال A اور B کو پہلی تین قطاروں مسیں کھی گیہ ہے۔ ان کی تمام ترتیب (000_2 تا 111) پہلی تین قطاروں مسیں مجسر کر، ہر صف کے لئے مطابقتی موجودہ مداحن حساس کے حباتے ہیں، جنہیں دائیں قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے انگے کنارہ حیث خیار سال مسال ہوں گے۔ حبدول ۲.۲-الف سے حبدول - ب کھی حبا مکتا ہے، جو حبدول حسال کہنا تاہے۔

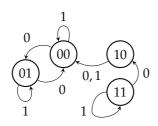
حبدول حسال کے مواد کو حناکہ حسال کی صورت مسیں شکل ۳۲.۸ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ جبدول ۲۱۰ مسکن ہیں۔ حبدول ۲۱۰ مسکن ہیں۔ حناکہ حسال مسکن ہیں۔ حناکہ حسال مسکن ہیں۔ حناکہ حسال مسکن کو حیار دار مسیں کھی کو سازہ مسیں کھی حباتا ہے، اور ایک حسال سے دوسرے حسال (یاای حسال) انتصال کو تعیہ مشائہ کلیسرے ظاہر کمیا حباتا ہے، جن پر آزاد مداحنل (x) کی وہ قیمت درج کی حباتی ہے، جو انتصال کا سب بہ مشائہ حبدول ۔ بی کی صورت مسیں دورای حسال (x) کی وہ قیمت درج کی حباتی ہے، جس کو حناکہ حسال مسیں موجودہ حسال سے ابتدا اور اختیام کرنے والی تعیہ دار ککسیرے ظاہر کمیا گیا ہے، جس کو حناکہ حسال مسیں دور حسال 10 اختیار کرتا ہے، جس کو 200 سے 10 حبانے والی تعیہ دار ککسیر خطابر کرتی ہے، حس کو 200 سے 10 حبانے والی تعیہ دار ککسیر خطابر کرتی ہے، جس کو 200 سے 10 حبانے والی تعیہ دار ککسیر خطابر کرتی ہے، جس کو 200 سے 20 حبانے والی تعیہ دور حسال کا اختیار کرتا ہے، جس کو 200 سے 20 حبانے والی تعیہ دور حسال کا دور کے 20 حبانے والی تعیہ دور دسال 20 کو کا حسال ہے۔

۲.۱۴ میلی اور مُورنمون۔

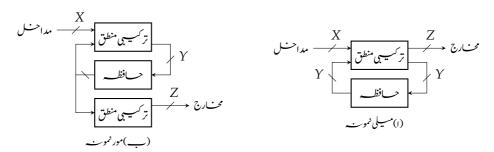
تر تسیبی دور مسیں مداحنل، محنارج اور اندرونی حسال پائے حباتے ہیں۔ تر تسیبی ادوار کے دو نمونے پائے حباتے ہیں، جنہیں میلی نمویذ ⁸⁴ اور مور نمویذ ۲۰ کہتے ہیں۔ مسیلی نمون۔ مسیس محنارج کادار ومدار موجودہ مدا احسال اور موجودہ اندونی حسال پر، جب کہ مُور نمون۔ مسیس صرف موجودہ حسال پر ہوگا۔ یہ دونمونے سشکل ۳۳،۸مسیس پیشس ہیں۔

Mealy Moore 1.

۱۱.۲. مسیلی اور مُور نمون پر



شكل ٢٠٣٢: حن كه حسال برائ سشكل ٢١٠١ الاور حبد ول ٢٠٦



مشکل ۱٫۳۳:مور اور مسیلی نمونے

ان اٹ کال مسین مداحنل تسیر دار لکسیر پر تر چھی لکسیر کھنے کہ کا کھی گئی ہو مداحنل شن کی ہند سول (ہِٹ) کی تعد داد ہیان کرتا ہے۔ یوں X=X کی صورت مسین ایک ایک ہٹ کے آٹھ مداحنل ہوں گے۔ حسانظ ہے مداحنل اور محنارج کی تعد در برابر ہوگی، لہنڈ ااسس کے مداحنل (یا محنارج) پر Y کھنے کے بعد محنارج (یا مداحنل) پر موزت تر چھی لکسیر کھنچے ناکانی ہوگا۔

۱.۱۴۰۱ حسال اور ان کی مقسرری

ھے۔ ۱۳.۲ سمسیں منا کہ حسال پر غور کسیا گیا۔ ان مناکوں مسیں پلٹ کار کے ممنارج کی بجب نے دیگر ناموں سے حسال ظاہر کرکے جن کہ حسال سمجھنا آسان بناماحساسکتا ہے (درج ذیل مشال دیکھیں)۔

مثال ا. ۲: ایسے ایک مداحنل، ایک منارج معاصر ترتیبی دور کاحنا که حسال سیار کریں، جو 1102 مداحنل کے حصول پر 1 حنارج کر تاہو۔ بلندر تی بٹ پہااہٹ تصور کریں۔ ایسے دور کو **ترتیب شنامی الکت**یں۔

حسل: مشکل ۲. ۳۴ مسیں حت کہ حسال پیش ہے، جے دیکھ کر دور کی کار کر دگی مسجھنا آسان ہے۔ دائرے مسیں حسال کا نام، اور نام کے نیچے 0 یا 1 موجودہ محتاری ظاہر کر تاہے۔

sequence detector"



شكل ٢٠٣٠: حسال كوالفاظ سے يكار كر حساكه بهستر مسجم آتاہے (مشال ١٠١)

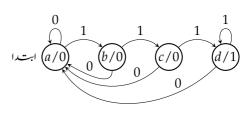
1.1۵ معیاصر ترتیبی ادوار کی بین اوٹ

گزشتہ جھے مسیں مخلف اقسام کے پلٹ کار استعمال کر کے معاصر ترشیبی ادوار تشکیل دیے گئے۔ان ادوار کے حصول کا باض بطے طسریق کار درج ذیل ہے۔

- ا. مسئله کے بیان سے حناکہ حال تیار کریں۔
 - ۲. درکار حال کی تعبداد کم کریں۔
- ٣. ہر حال (کوظ ہر کرنے) کی منف ردشت کی قیمت منتخب کریں۔
 - ۴. جدول حال حاصل كرييه
 - ۵. پلٹ کار (کی قتم)کا انتخاب کریں۔
- ۲. پلٹ کار کی داخشلی اور حشارجی سادہ ترین مساوات حساصل کریں۔
 - ان مساوات سے معاصر تشہی دور تشکیل دیں۔
- مثال ۲۰۲: ایسامعیاصرترتیب شناس تفکیل دیں جو تین متواتر 1 مدامنسل کے حصول پر 1 منارج کرے۔

حل: ترتیب شناس کی کار کردگی کے ہیان سے شکل ۳۵.۸ کاخن کہ حال کینی حباتا ہے۔ گول دائروں میں ترقیعی کلیسرے اوپر حال کانام اور نینج محنارج کی قیمت لکھی گئی ہے۔ شناس کا ابتدائی حال a اور محنارج پیت، تیمسرے پہلے a کی وصول کے بعد حیال a اور محنارج پیت ہوگا۔ دوسسرے a کے بعد حیال a اور محنارج پیت، تیمسرے a کے بعد حیال a اور محنارج باشد ہوگا۔ مہنا س حیال a مستاس حیال a محنارج باشد کر گھتا ہے۔ کی بھی موقع پر a کا حصول، شناس کو واپس ابتدائی حیال a منتقل کرتا ہے۔ حناکہ حیال سے حیاصل حیدول، شناس کو واپس ابتدائی حیال a متقتل کرتا ہے۔ حناکہ حیال سے حیاصل حیدول، مختاب اور موجودہ حیال، جب، جس میں بائیں ہاتھ موجودہ مداخنل اور موجودہ حیال، جب، دائیں ہاتھ اگلا حیال اور موجودہ میان درج بیں۔

20	موجوا	اگلا	موجوده
حال	مداحنل	حال	محنارج
а	0	а	0
а	1	b	0
b	0	а	0
b	1	С	0
С	0	а	0
С	1	d	0
d	0	а	1
d	1	d	1



شكل ٢٠٦٤: ترتيب شناس كاحناكه حسال (مثال ٢٠٦)

حنا كه حسال ہے واضح ہے كه حسال كى تعبداد حسيارہ، جنہيں دوہٹ كاشنا كى عبد د ظاہر كر سكتاہے۔

$$a=00$$
 $b=01$ $c=10$ $d=11$

(آپ کوئی دوسسری انتخاب کر سکتے ہیں۔ مثق ۲۷ در میکھیں۔) دوبٹ کے لئے دو پلٹ کار در کار ہوں گے۔ ہم ڈی پلٹ کار نتخب کر کے، ان کے مختارج A اور B ، اور مداحن D_B اور D_B اور کار ہوں کے مختارج کا اور A اور کار ہوں کے مختارج کا اور کار مداحن کار کار ہوں کے مختارج کار مداحن کی مختل کے مختارج کار مداحن کی مختل کے مختارج کار مداحد کی مختل کی محتارج کار مداحد کی مختل کی مختل کی مختارج کار مداحد کی مختل کی مختل کی مختل کار مداحد کی مختل کار مداحد کار مداحد کی مختل کی مختل کی مختل کی مختل کی مختل کی مختل کے مختل کی مختل

شن کی عسلامت استعال کرتے ہوئے مشکل ۳۵٫۱ مسیں پیش حبدول دوبارہ حبدول ۲٫۱ مسیں پیش کسیا گیا ہے، جس سے ڈی پلٹ کار کی درج ذیل مساوات اخسذ ہوتی ہیں۔

$$A(n+1) = D_A(A, B, x) = \sum (3,5,7)$$

$$B(n+1) = D_B(A, B, x) = \sum (1,5,7)$$

$$y(A, B, x) = \sum (6,7)$$

بدول ۲.۷ سے مشکل ۳۲.۲ کے کارناف نقتے بن کر درج ذیل سادہ مساوات ساسل ہوتی ہیں، جن سے مشکل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۱۳۷.۳ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۷.۳ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۷.۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے مسلم ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے مسلم ۱۳۳۳ سے ۱۳

$$D_A = Ax + Bx$$

$$D_B = Ax + \overline{B}x$$

$$y = AB$$

ترتیب شناس ابت دائی یہ سال مسیں جیٹھ اشارہ کی مدد سے لایا حیا تا ہے، جو شکل مسیں نہیں د کھایا گیا۔

حبدول ۲.۷: ترتیب مشناسس کاحبدول حسال

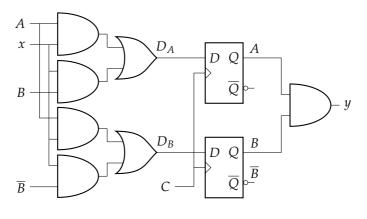
موجوده			اگلا		موجوده
\boldsymbol{A}	В	x	Α	В	y
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1

AB x	0	1
00	0	0
01	0	0
11	1	1
10	0	0
	y =	\overline{AB}

x		
AB	0	1
00	0	1
01	0	0
11	0	1
10	0	1
I	$O_B = x$	$A + x\overline{B}$

AB x	0	1
00	0	0
01	0	1 1
11	0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
10	0	1
I	$D_A = x$	A + xI

شكل ٢٠٦٠: كارناف نقش برائے مشال ٢٠٠



شكل ١٠٣٤: ترتيب شناكس (مشال ٢٠٠١)

مثق 2.7: مساوات 17.7 امسیں حیال کے اظہار کا ایک انتخاب دکھیایا گیا ہے۔ آپ کوئی دوسر انتخاب کرکتے ہیں، مشلاً c=10: b=10: b=10: a=01 جس سے دوسر ادور حیاصل ہوگا۔ یہ دوسر صل کریں۔

إبك

وفتسر

ایک پلٹ کارایک شنائی ہندے (بِٹ) کی معلومات ذخیبرہ کرسکتاہے۔ آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ پلٹ کار درکار ہوں گے۔ وفتراسے مسراد وہ دور ہے جو معلومات ذخیبرہ، اور ایک جگہ ہے دوسسری جگ۔ متال کر کرنے کی صلاحیت رکھت ہو یوں، 11 بِٹ دفتیبرہ اور منتقبل کر کے مصلومات کے انتقبال کا انداز (سلماد واریامتوازی) دور کے ترکمیبی حصہ پر مخصصرہ ہوگا۔

ے دہ ترین حیار ہِٹ وفت رشکل ۱.2 اسیں پیش ہے۔ شکل الف میں مداحنل A جبکہ محنارج B ہے۔ مداحنل A_2 ، A_1 ، A_2 ، A_1 ، A_2 ، A_3 ، عمارت کے حیار ہٹ A_3 ، A_4 ، A_5 ، A_5 ، A_6 ، A_7 ، A_8 بیں۔

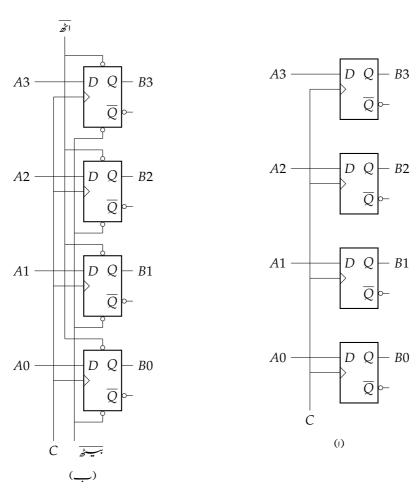
ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر داخنلی حباریٹ پلٹ کار کو منتقبل ہو حباتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں دفت سرمسین مواد کااندراخ ہو گیا، یامواد دفت سرمسین درج ہو گیا، یامواد دفت سرمسین کلھ لیا گیا۔ ساعت کے انگلے کسنارہ حب ٹرھسائی تک سے حیار بٹ معسلومات دفت سرمسین محفوظ، اور محسارج پر دستہاہ ہوگا۔

سشکل ۱.۱-ب مسیں بلند اور پست صلاحیت کا پلٹ کار استفال کیا گیا۔ یوں، ساعت کے کسارہ حسیر بیٹ میں۔ زردستی پست کرنے حسیرہ تمام حسارتی بن زردستی بلندیا پست کیے جب سکتے ہیں۔ زردستی پست کرنے کے دفت رصاف ہوکر 20000ء جبکہ زبردستی بلند کرنے سے 11112 حسارج کرتا ہے۔

اس دور مسیں پلیٹ کار کی تعبداد n کرکے n بٹ دفت ر تشکیل دیاجب سکتا ہے۔ ہر بٹ کا متم بھی دفت رکے محنارج ہے دستیاب ہوگا۔ وستیاب ہوگا۔

register¹

الب_2. وفسير



شکل ۱.۷:حپارېڻ د فت ر

ا بے بسلمہ وار دفت پر



مشكل ٢.٤: دائين انتقت ال وفت ر

ا. 2 سلسله وار د فت ر

ا.ا.۷ دائيں انتقال دفت ر

شکل ۲.2 مسین (سلیدوار) دانیر انتقال دفتر بیش به جهان (متواتر) ایک پلئ کار کامحنارج، دو سرے کامداحنل به اور شنائی مواد، ۲ ، بائین (حبانب) سے مہیا کیا گیا ہے۔ شکل مسین زبرد ستی پست پن نہیں دکھایا گیا تا کہ اصل مضمون پر توجب رہ، تاہم تصور کریں ساعت کے پہلے کسنارہ حب ڈھائی سے قبل، تمام پلٹ کار زبرد ستی پہلے کسنارہ حب ڈھائی سے قبل، تمام پلٹ کار زبرد ستی پیسے کے گئے۔

 u_1 ، u_2 u_3 u_4 u_5 u_6 u_6 u_6 u_6 u_7 u_8 u_9 $u_$

 $Q_3=1$ و U_2 ، $Q_2=0$ و U_1 ، $U_1=0$ و U_0 ، U_0 و U_0

دور کو سلسلہ وار فضراہم بائیں سے مواد، سلسلہ وار دائیں پلٹ کے محضارج Q₀ سے ای ترتیب مسیں حساس کیا جب سکتا ہے۔

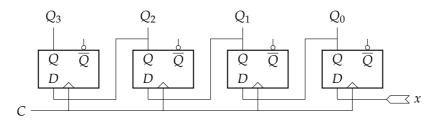
۲.۱.۲ بائیںانتقتال دفت ر

شکل ۳.2 سیں (سلسلہ وار) **بائیرے انتقالے وفتر** 'وکھسایا گسیاہے، جو مواد کی بائیں نقشل مکانی کر تاہے۔ اسس کی بین اوٹ بالکل دائیں انتعت ال دفتسر کی طسرح ہے۔ صنعرق صرف است ہے، بائیں انتعت ال دفتسر مسیں دایاں پلیٹ کار کامحن ارج پڑوی بایاں پلٹ کار کامد احسٰل ہے۔

ے کے کنارہ حب ٹرھائی پر دایاں پلٹ کار ف راہم کردہ مواد χ کی نقشل ماسک کر کے Q_0 پر حنارج کر تا ہے۔

shift right register shift left register

۱۲۲ باب_ ۲. دفت ر



مشكل ۲۰۰۳: بائين انتقت ال دفت ر

ا گلے کن ارہ پر ب مواد Q₁ کو منتقبل ہوگا۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ یہاں مواد دائیں سے فنسراہم کیا گیا ہے، جو دور مسیں سے گزرتے ہوئے مائیں منتقبل ہوگا۔

۷.۱.۳ دائين وبائين انتقتال دفت ر

بائیں ترین پلٹ کار کو ہیں۔ وفی مواد 14 جب کہ دائیں ترین کو ٪ منسراہم کیا گیا ہے۔ متابوا شارہ ان مسیں سے ایک منتخب کرتا ہے جومط اوب سمت (دائیں پابکس) منتقب ہوگا۔

، Q_1 بائیں نفت ل مکانی کے دوران x پر میں مواد ساعت کے کنارہ حبٹر ھائی پر Q_0 پنجت ہے۔ اگلے کنارہ پر یہی مواد Q_1 اس سے اگلے پر Q_2 اور آحن رمیں Q_3 پنجت ہے۔ دائیں نفت ل مکانی کی صورت مسیں Q_1 پر موجود مواد السل رخ Q_2 سے Q_3 نفت ل مکانی کرتا ہے۔ Q_3 نفت ل مکانی کرتا ہے۔

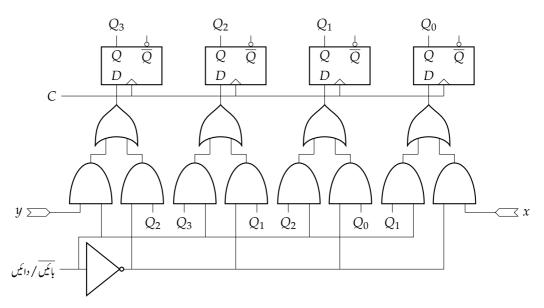
2.۲ متوازی تھے رائی د**فت** ر

بعض اوت ، و نترمسیں بیک وقت مواد حب را حسانے کی ضرور سے پیش آتی ہے۔ شکل ۵.۷مسیں دائیرے انتقالی، متواز کے محرائی وفتر مبیش ہے، جس مسیں متوازی مواد بیک وقت حب را مسکن ہے۔ سے مخصر اُمتوازی وائیرے انتقالے وفتر کہا تا ہے۔

پلٹ کار کو جمع گیٹ معلومات سنراہم کرتا ہے جس کو دو ضرب گیٹ مواد سنراہم کرتے ہیں۔ تابو اشارہ

parallel load, right shift register

_



مشكل ٢٠.٤: بائين ودائين انتصال دفت ر

متوازی ہجسرائی عسام طور غیسر فعسال (بلند) رکھا حباتا ہے۔ یوں دایاں ضرب گیٹ معسذور جبکہ بایاں گیٹ محباز ہوکر، بائیں پلٹ کار کامخساری، جمع گیٹ کے راستے پلٹ کار کو منسراہم کر تاہے، جو ساعت کے ایکے کسنارہ حپڑھسائی پر پلٹ کار مسین درج ہوگا۔

مواد 20 تا 23 پلٹ کار مسیں حب ٹرھانے کے لئے متوازی بھسرائی پیت کمیاحباتا ہے۔ یوں پلٹ کار کو مواد منسراہم کرنے والا بایاں ضرب گیٹ معد دور جب کہ دایاں محباز ہوگا۔ محباز گیٹ متوازی مواد کو جمع گیٹ کے راستہ پلٹ کار تک پہنچیا تا ہے۔

یوں پلٹ کارمسیں مواد سلمہ وار (y) یا متوازی (z_3) تا z_3) جھسراحب سکتا ہے۔

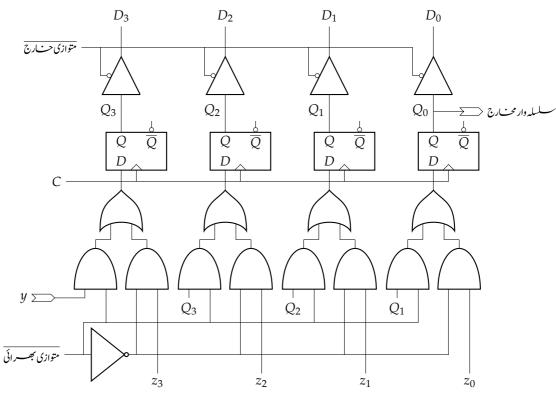
سشکل مسیں پلٹ کار کا محنارج، محباز و معندور مسلامیت مستحکم کارسے منسلک کیا گیا ہے۔ وت ابو احشارہ متوازی حنارج پست کر کے پلٹ کار کا مواد Q_0 تا Q_0 تا Q_0 حاصل کیا جب سکتا ہے۔ وت ابو احشارہ معندور (بلند) ہونے کی صورت مسین مستحکم کار کامخنارج بلندر کاوٹ حسال مسین ہوگا۔

۳.۷ عبالمسگیرانت<mark>تال دفت</mark>ر

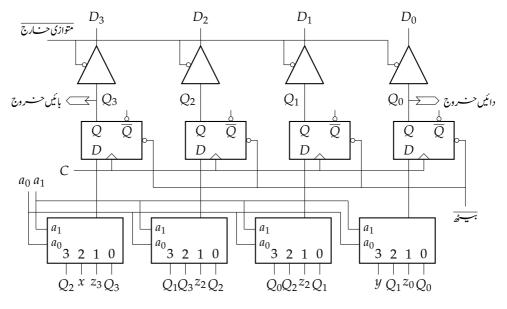
ہم مختف صلاحیت کے دفتاتر پر غور کر چکے، جن کی خوبیاں ایک دور مسیں سموئی حبا^{سک}ق ہیں۔ایسا ایک **عالمگیر** انتقال **دفتر** ^۵مشکل ۱۷ مسیں پیش ہے۔

universal shift register^a

اب کروفتر



مشكل 2.۵:متوازي دائين انتصال دفت ر



شكل ٢.٤: حپارېك، عسالمسكير دائين انتقتال د فتسر

شکل ۲.۷ مسیں حیاریک ان مے ہیں، جن کی کار کر دگی ایک حب یہ ہے۔ دایاں حسب پر غور کرتے ہیں۔

پلٹ کارک ساتھ چار سے ایک منتخب کنندہ جوڑا گیا ہے۔ پت کے دوبِت a_1 اور a_1 مداحن سیں سے ایک چن کر حنار جی پائی پہنچ سے ہیں۔ مداحن کا انتخب درج ذیل حب دل کے تحت ہوگا۔

a_1	a_0	D_0	
0	0	Q_0	حسال بر قت رار
0	1	z_0	متوازی دا ^{حن} ل
1	0	Q_1	دائيں انتقت ال
1	1	y y	بائين انتقت ال

پتہ ہوں مواد Q₀ منتخب کرکے پلٹ کارکے مداحن پر مہیا کر تاہے جوا گلے کن رہ ساعت پر پلٹ کارکے حنار جی پن پر حنارج ہوگا۔ یوں دفت رایت حسال برقت رار رکھے گلا اور مواد دائیں یابائیں منتقب نہیں ہوگا)۔

serial in

output² serial out³

۱۷۰ پاپ، د فت ر

یت ہارے مواد z_0 پلٹ کار کومہیا کرے گاجو ساعت کے انگلے کسنارہ پلٹ کار کے محسارج پر نمودار ہوگا۔ چونکہ z_0 متوازی مہاد دفت مسین حیثر کے گا۔

پت ہوں کار کو Q_1 مہیا کرے گا۔ یوں موجودہ Q_1 ساعت کے اگلے کنارے پر بطور Q_0 نمودار ہوگا۔ یعنی دفت مراددائیں متقتل کرے گا۔

پت۔ 11₂ سلمہ وار مہیا کر دہ مواد y منتخب کرے گاجو ساعت کے اگلے کنارہ پر بطور Q_0 نمودار ہو گا۔ یوں دفت سرمواد بائیں منقتل کرے گا۔

مذ کورہ بالا تحب زیب باقی تین حصوں پر لا گو کر کے عسالم گیبر د فت رکی کار کر دگی حب دول مسیں پیش کرتے ہیں۔

a_1	a_0	D_3	D_2	D_1	D_0	
0	0	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	حسال بر فت رار متوازی دا حسل دا مکی انتقت ال با مکی انتقت ال
0	1	z_3	z_2	z_1	z_0	متوازی دا ^{حن} ل
1	0	x	Q_3	Q_2	Q_1	دائيں انتقت ال
1	1	Q_2	Q_1	Q_0	y	بائيں انتقت ال

مثق ا.2: انٹرنیٹ ہے عبالسگیر دفت ر 74194 کے معباد ماتی صفحات حساصل کریں۔(۱) یہ کتنے بٹ کا عبالہ گئر دفت رہے۔(ب)اسس کواستعال کرتے ہوئے سولہ بنے عبالم گئیر دفت رہے۔(ب)اسس کواستعال کرتے ہوئے سولہ بنے عبالم

صفے۔ ۱۳۷۷ پر شکل ۲۴.۶ مسیں سلیا وارشنائی جمع کارپیش ہے جس کواستعال کرکے سشکل 7.7 مسیں پیش متعد دہبت کاسلیا وارشنائی جمع کار حسامسل کمپا گیا۔ یہاں دوعہ د 11 بِٹ متوازی دائیں انتصال دفت ر (ااور ب) مستعمل ہیں۔

ساعت کے پہلے کنارے سے قبل (یعنی مجبوعہ لینے سے قبل)، وفت رامسیں شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست کسیاحباتا ہے (تاکہ مکسل جع کار کاداحنلی حساسل 0 ہو)۔ شکل مسین متوازی حسائی نہیں دکھائی گئی تاکہ اصل موضوع پر توجہ رہے۔

 c_1 کمسل بی گار ان دوشنائی اعبداد کے کم تر تی بیٹ اور داحنلی حساصل c_1 بی حی کر کے جمع c_2 اور حسار بی حساصل c_3 کر تا ہے۔ ساعت کے دوران مکسل جمع کار کو بطور در تا ہے۔ ساعت کے دوران مکسل جمع کار کو بطور داخنلی حساصل مسیراہم کرتے ہیں۔ جمع c_3 مشکل مسیس داخنلی حساصل مسیراہم کرتا ہے جب دفتر سال میں کہ اور دفتر سیار کی فیسر میں کہ اور مہیا کیا گیا ہے۔ ایول جسے جسے دفتر شنائی عبد د c_1 دائیں حبان ہیں دو دفتر سال کی جگہ دو اعمیل در اعمیل داد کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے c_1 کرنے کے بعید دو

۲۷ ـ سلمله وارشنائی جمع کار

شنائی اعبداد کا محبسوعہ دفت ر-امسیں محفوظ ہو گاجہاں سے اسے متوازی پڑھا حبا سکتا ہے جب کہ محبسوعے کا آحنسری سے اس مکسل جمع کارکے محنارج 2 سے پڑھا حب اسکتاہے۔

اب ۸

شنائی گنت کار آپ دیچ چے ہیں۔ گنت کار کابنیادی مقصد داحنلی برقی اشارے ای گسنتی کرناہے۔ برقی امشارہ اے بطور ساعت یا اور مداحنل کے طور پرمہیا کیا حب تاہے۔

وہ و فتر جس کے حنار جی برقی اشارات شنائی گنتی کے تحت رتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں شائی گئت کار کہلاتا ہے۔ وہ د فت رجس کے حنار جی احضار است اعضاری گنتی کے تحت رتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں اعثار کھ گئتے کار کہلاتا ہے۔

ان کے عسلاوہ، کوئی بھی دور جو کسی متعسین ترتیب کے تحت متواتر حسال تب یل کرتا ہو گئت کار کہا اے گا۔

گنے کار ادوار پر اسس باب مسیں غور کیا حبائے گا۔

۸.۱ شنائی گنت کار

حباربِ شنائی سید ھی گسنتی و 00000 تا 11112 مسکن ہے۔ ای طسرح النی گسنتی و 1111 سے شروع ہو کر 00000 پر حستم ہوگی۔ دونوں صور توں مسیں گسنتی پوری ہونے کے بعد عصوماً دوبارہ نئے سرے سے شروع کی حباتی ہے۔ شکل 1.8-الف مسیں چار بھے ثنائی اللے گنتے کار مہیما ہوں ہے۔ سیں چار بھے ثنائی اللے گنتے کار مہیما ہوں ہیں۔ ان کی بیٹ میں میں جسان کے ساتی حباتی ہے۔

ثنائی گنھ کار میں بہتے بھی دکھ ہے ہیں۔ سیدھ گنھ کار میں زبرد ستی بلند (و) این غیر نعال رکھا ہے۔ گنہ کار میں زبرد ستی بست کولمحساتی بیت (و) کرے گنتی (کی ابتدائی تیت)

electrical signal

four bit binary up counter

four bit binary down counter

binary counter

۱۷۳ پاب۸. گنت کار

0000₂ کی حباتی ہے۔ گسنتی کے دوران کی بھی وقت زبرد ستی پہت امشارہ پہت کر کے گسنتی دوبارہ صف سے سے سندرع کی حباسکتی ہے۔

النے گنتے کار میں زردستی پست کو غیر نصال رکھا جباتا ہے جبکہ زردستی بلند امشارے کو گنتی سندوع کرنے ہے استان کی بھی وقت مشروع کرنے سندوع کی حباتی ہے۔ گستی کے دوران کی بھی وقت اسس امشارے کو پست کرکے گستی دوبارہ 11112 سے مشروع کی حباستی ہے۔

سیدھے گئت کار کو مشال بنتے ہوئے ایک اہم صورت حسال پر غور کرتے ہیں۔ شکل مسیں بایاں ترین پلٹ، سامت کے (ہر) کسنارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتا ہے۔ ساعت کے کسنارہ حپڑھائی کے کچھ دیر بعد \overline{Q}_3 دیر بعد ہیں۔ یوں انگے پلٹ کو، جے \overline{Q}_3 بطور ساعت مسال تبدیل کرے گا۔ اس دورانیہ کو پلٹ کا دورانیہ روعلی میں میں۔ یوں انگے پلٹ کو، جے کچھ دیر بعد پہنچت مسراہم کیا گئیا ہے بحکہ دیر بعد پہنچت مسراہم کیا گئیا ہے کو بھی میں میں کو بھی میں ان اور ترک کے لئے پلٹ کے دورانیہ رد عمل بھناوقت درکار ہوگا۔ ای طسری اسساس ان کے بھور ساعت میں ایک بھور ساعت میں اسساس ساعت ان کے بھور ساعت میں کہنچ کے دورانی در عمل کے دورانے در عمل کے دی دورانے در عمل کے دورانے در عمل کے دورانے در عمل کے دی دورانے در عمل کے دورانے دورانے در عمل کے دورانے دورانے در عمل کے دورانے در عمل کے دورانے در عمل کے دو

آپ دیکھ سکتے ہیں اسس دور مسین تمام پلٹوں کے مختارج بیک وقت تبدیل نہیں ہوں گے بلکہ مختارج کی تبدیلی بائیں پلیٹ سے سشروع ہوتی ہے اور برستور دائیں حبانب بڑھتی ہے۔ مختارج کی تبدیلی اسس دور مسین لہسر کی طسرح گزرتی ہے۔ یوں اسس طسرح اددار کو لہم نما گذھے کا ('کہتے ہیں۔ یوں موجودہ دور لہم نما ثنا کی گڑھے کا ('کہت میں۔ یوں موجودہ دور لہم نما ثنا کی گڑھے کا ('کہت میں۔ یوں موجودہ دور لہم نما ثنا کی گڑھے کا ('کہت میں۔ یوں موجودہ دور لہم نما ثنا کی گڑھے کا ('کہت میں۔ یوں موجودہ دور لہم نما ثنا کی گڑھے کا ('کہت میں۔ یوں موجودہ دور لہم نما ثنا کی کہتے ہیں۔ یوں موجودہ دور الم نما ثنا کی کہت کی سے دور مسین کرتے ہیں۔ یوں موجودہ دور الم نما ثنا کی کہت کی سے دور مسین کی سب کی موجودہ دور الم نما ثنا کرتے ہیں۔ یوں موجودہ دور کرتے ہیں۔

عسین ممسکن ہے کہ آمنسری پلٹ تک سعت کی خسبر پنچنے سے قب ل سعت کانسیااٹ ارہ پہلی پلٹ کو ملے۔ یوں آمنسری پلٹ گزشتہ ساعت گننے کے مطبابق جب کہ پہلی پلٹ نئ سعت گننے کے مطبابق ہو گا اور گسنتی عناط ہو گل۔ متعدد پلٹ پر مسبنی الہسر نب گنت کار مسین السس مسئلہ کی توقع رکھیں۔

معاصر گنت کاراسس مسئلہ سے یا کہ ہیں۔ آئیں ان پر غور کرتے ہیں۔

۸.۲ معاصر گنت کار

معاصر گئت کار مسیں تمام پلٹ کو ایک ہی ساعت مہیا کی حباتی ہے البندا تمام پلٹ ہیکوقت نیاحال اختیار کرتے ہیں۔ ان ادوار مسیں ہر پلٹ کے مداحسل پر ترکسیبی دور نسب کرے، اے اگلی ساعت کے کسارے پر، بلسند یاپست ہونے کا احدادہ مہیا کسیاحب بلٹ اگلی ساعت کے کسارے پر اسس احدادے کے مطابق حسال اختیار کرتا ہے۔ یہ فیصلہ کہ اگلی ساعت پر پلٹ بلسندیا پست حسال اختیار کرے گا، دور کے موجودہ حسال کو دکھے کر کسیاحب تا ہے۔ اسس طریقہ کار کوچند مشالوں سے مسجھتے ہیں۔

propagation time^a ripple counter

binary ripple counter

۸.۲ معاصر گنت کار

۸.۲.۱ معاصرشنائی گنت کار

تین بنے معاصر ثنائی گئت کار مشکل 3.8 مسیں پیش ہے۔ منارج Q₀ کمت ررتی بٹ جبکہ Q₂ بلند زرتی بٹ ہے۔ اس دور کی بناوٹ سیکھتے ہیں۔

سشکل 2.8 مسیں موبودہ عالی کی قط رمسیں تین بِٹ شنائی گستی کھی گئی ہے جو کی بھی لیحے پلٹ کاموجودہ حسال پیش کرتی ہوں ۔ 2.80 ہے۔ حبدول کی پہلی صف پر غور کریں جہاں موجودہ گستی یا موجودہ حسال 2000 ہے۔ ہم حیاہتے ہیں کہ اگلا عسد د 2011 ہے۔ تین بِٹ ہو البندا الکے عالی کی پہلی صف مسین ہم 2001 کھتے ہیں۔ آ حن مری صف مسین موجودہ حسال 2111 ہے۔ تین بِٹ استعال کرتے ہوئے یہیں تک گستی مسکن ہے۔ اسس آ حن رکی گستی تک پہنچ کر ہم دوبارہ 2000 ہے گستی مشروع کرتے ہی، البندا آ حسری صف مسین انگا حسال 2000 ہوگا۔

 Q_1 ای Q_2 من مسیں اگلے بِن Q_1 پر غور کرتے ہیں۔ اس بِن کی موجودہ قیمت Q_1 اور اگلی قیمت بھی Q_2 ہے، الہذا ساعت کے اگلے کسنادہ پر ہم نہیں حیا ہے کہ سے پلٹ اپنا حسال تبدیل کرے۔ یوں اس پلٹ کے مداحسٰل Q_1 کو پہت رکھنا ہوگا۔ اس طسر ت Q_2 کے حسانے مسیں Q_3 کھیا حبائے گا۔ ای طسر زیر تمام صفول کے تمام مداحسٰل کے کے پیں۔ لئے جب دول کے حسانے پڑ کیے گئے ہیں۔

دور بن نے کی من طبر سشکل 2.8 مسیں **داخلی مماوات** کی قطبار استعال مسیں لائی حباتی ہے۔ محبسوء سے ارکان ضرب کی ترکیب سے درج ذیل کھے حباسکتا ہے۔

$$T_0=1$$

$$T_1=\overline{Q}_2\overline{Q_1}Q_0+\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2\overline{Q_1}Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

$$T_2=\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

ہے مساوات موجودہ حسالوں کی قیمتیں مدِ نظر رکھ کر لکھی گئی ہیں۔ شکل 2.8 مسیں موجود مواد سے شکل 4.8 مسیں کارناف نقتوں کی مددسے سادہ مساواتیں حساصل کی گئی ہیں جنہ میں مصاوات 2.8 مسیں دوبارہ دکھایا گیا ہے۔
(2.8)

سشكل 3.8 مسين تين پلٹ لگاكر ان كو مساوات 2.8 سے سامسل برقی اشارات بطور مداحسل دئے گئے ہیں۔اسس طسرہ تین بٹ معسام 2.8 سے مساوات 2.8 بغیبر حسل كئے بھی مشكل 2.8 مسين طسرہ تین بٹ معسام كئے ہیں۔اسس حبدول پر غور كرنے ہے ديكھا حباتا ہے كہم ساعت كے كسارے دئے حبدول ہے حسامسل كئے حباسكة ہیں۔اسس حبدول پر غور كرنے ہے ديكھا حباتا ہے كہم ساعت كے كسارے تسبديل ہوتا ہے۔ پر مہیا كرنے ہے ایسا كیا جباسكا ہے۔كو دیكھتے ہے بات سامنے آتی ہے كہ جب جسيكی قیت ہو

three bit synchronous counter^A

۱۷۲ باب۸. گنت کار

اسسے اگلے ساعت کے کن اربکی قیمت تبدیل ہوتی ہے۔ یوں کو فنسر اہم کرنے سے ایسا حسامسل کسیا حباسکتا ہے۔ پر غور کرنے سے دیکھا حباتا ہے کہ جب بھی اور دونوں کی قیمتیں ہوں، اسس سے اگلی ساعت کے کن اربکی قیمت تبدیل ہوتی ہے۔ یوں کو فنسر اہم کسیا حباتا ہے کہ ، کوئی بھی مختار ہے ہوں کہ خور کسیا حباتا ہے کہ ، کوئی بھی مختار ہے ہوں کہ خور کسیا حباتا ہے کہ ، کوئی بھی مختار ہے کہ ، کوئی بھی مختار ہے کہ مولی کے کہ بھی مختار ہے کہ کہ سے مختار ہے کہ کہ کتا ہے۔ یوں حیار بیٹ شنا کی گئی ہے۔ اسس سے محتر تمام مختار ہے کی قیمتہو حبال تبدیل کرتا ہے جب اسس سے محتر تمام مختار ہے کی قیمتہو حبائے۔ یوں حیار بٹ شنائی گئت کار کے لئے ہم کھو سے تاہیں۔

(3.8)

2.2.8 شنائی عسلامتی روپ کا معساصر اعشاری گنت کار پچھلے حصب مسین تین بٹ شنائی گنت کار پر غور ہوا جو سے تک مستی کرنے کی صلاحیت رکھت ہے۔ ای طسر من حیار بٹ پر مسبنی دور سے تک شنائی گسنتی کر سکتا ہے۔ اگر الیے دور کو سے تک گسنتی کرنے پر پابٹ دکمیا حیائے تو اسس سے شنائی عسلامتی روپ کا اعشاری گنت کار 7 حساصل ہو گا۔ اسس حصب مسین ایسا بی کرتے ہیں۔ شکل 8.5 مسین اسس دور کے حسالوں کا حب دول دیا گیا ہے۔ حب دول مسین محساری 8 کے قطب رکا اضاف نے کہ کیا گئی ہے۔ جب داری عسر میں ورکے حسالوں کا جب دوری عسر میں ورک عسر میں گئی ہوری ہونے پر ساعت کے ایک دوری عسر میں ورک کے بلند ہوتا ہے۔ ہم آگے دیکھیں گے کہ کواستعال کرتے زیادہ اعشاری ہند سوں پر مسبنی گسنتی کے دور بنائے حب تیں۔

اسس سشکل میراے تک کے ترتیب استعال نہیں ہوتے۔کارناف نقٹوں کی مدد سے بلٹوں کے مداخلتااور محنارج کے مصابات کے ترتیب استعال ہے۔ مسئل 6.8 مسیں مصاوات کی سادہ شکل حساس کرتے وقت انہیں عنیب رضر وری حسالیں 10 تصور کسیا تا ہے۔ مشکل 6.8 مسیں سادہ مصاوات حساس کرناد کھایا گیاہے۔

ایسا کرتے داختلی مساوات کی سادہ اشکال یوں حساصل ہوتے ہیں۔

(4.8)

ان مساوات کی مدد سے حساسل دور شکل 7.8 مسیں د کھایا گیا ہے جہاں دور مسیں گنتی شہروع اور بند کرنے کی اصافی ضرب گیا ہے۔ سے صلاحیت تمسام پلٹوں کے مداحسل پر اضافی ضرب گیا ہے۔ سے صلاحیت تمسام پلٹوں کے مداحسل پر اضافی ضرب گیا ہے۔ سے صاحب کرنے سے حساسل کی گئی ہے۔

ان اضافی ضرب گینول کوبرتی اشاره گن مهیا کسیا گیا ہے۔ سے امشارہ بلند ہونے کی صورت مسین دور گسنتی کرتا ہے اور امشارہ پست ہونے کی صورت مسین دور گسنتی کرنا بسند کر دیتا ہے۔ شکل 8.8 مسین تین در حب دور بسایا گسیا ہے جوسے تک گسنتی کرتا ہے۔ اسے بسنانے کی حساط سرتین عسد دشنائی عسلامتی روپ کااعشاری گنت کار استعال کئے گئے بین۔ای طسرح مسزید در حباسہ جوڑ کر در کار بہند سول کا گنت کاربنایا جباتا ہے۔

اسس دور کی کارکرد گی کچھ یوں ہے۔ گسنتی مشروع کرنے سے قبل کو ایک لحصہ کے لئے پیت کر کے گنتگر دی حباتی ہے۔ ساعت کے کسنارہ حب کو ایک درجہ کا محنارہ پیت رہنے کی وجہ سے دہائی اور سینٹلزا کی گسنتی رکھی رہتی ہے۔ گنتیتک پہنچے ہی اکائی درجہ کا محنارۂ بلند ہوجباتا ہے۔ یوں اگلے ساعت کے کسنارہ پر اکائی درجہ کی گنتیے ہوجباتی ہوج

۸.۲ معاصر گنت کار

ہوتے ہیں جس کی وجبہ ہے اسکلے ساعت کے کسنارہ پر سینکڑ ادر حبہ کی گسنستی سے بڑھ کر ہو حباتی ہے جبکہ اکائی اور دہائی درجے دونواسے ہو حباتے ہیں اور ساتھ ہی ساتھ ان کے محسارج دوبارہ پیسے ہو حباتے ہیں۔

مثق: انٹرنیٹ سے اور کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔انہیں استعال کرتے ہوئے زیادہ بٹ کے گنت کار حاصل کریں۔

3.8 دیگر گنت کار 1.3.8 متغییر گنت کار حپار بی شنائی گنت کارے تک گسنتی کرتا ہے۔اسس مسیں متوازی دخول کی صلاحیت استعال کرتے اسے دواعداد کے مابین گسنتی کرنے پر محببور کیا حبا سکتا ہے۔ایے گنت کار کو ہم متغییر لمب بنگی گنت کار 1 کہ ہیں گے۔ جس عدد ہے گسنتی شروع کرنی ہواسس عدد کو متوازی فنسراہم کردہ عدد عدد تک گسنتی در کار ہو،اسس عدد تک گسنتی بینچنے پر دور کو محببور کسیاحباتا ہے کہ وہ دوبارہ متوازی فنسراہم کردہ عدد دار سنتی از سرے نوشند وی کرے۔ حیار بیٹ معاصر شنائی گنت کار کو مشال بن تے اسے تک گسنتی کرنے والا دور بن تے ہیں۔ شکل 8.8 مسیں ایسا دور دکھایا گیا ہے۔ شکل مسیں نکت دار متطیل مسیں میں میں اور ایک جدور مسیں ہر پلٹ کی دا حنلی طسرون دو ضرب گیا ہے۔ اور ایک جع گیا نے نوب کرکے اس مسیں متوازی دخول کی صلاحیت پیدائی گئی ہے۔

اسس دور مسیں گنتی کے مشہروٹ کاعب د متوازی داخشل کیا حباتا ہے۔اسس عبد دکوسے ظلم کیا گیا ہے اور اسس کی قیمت ہے۔ گسنتی کا آخشہری عبد دے۔اسس عبد دکو نکت دار دائرے مسین بند ترکسیبی دور پہچپان کر اپنی محسار ن پیست کرتا ہے اور یوں ساعت کے انگلے کسنارے، متوازی طور دور مسین داخشل ہو حباتا ہے۔اسس طسر ت سے گنت کاراور کے مابین گسنتی کرتا ہے۔دور مسین پہلی مسر تبہدا حسل کرنے کا طسریقے نہیں دکھایا گیا۔

2.3.8 چھالا نم گنت کاربِٹ چھالا نم گنت کاربِٹ جھالا نم گئت کارو1 مختارج مسیں ایک بی بلند بِٹ گھاتا ہے۔ اسس کے باتی تمام بِٹ پست رہتے ہیں۔ ایک بی بلٹ سے دوسرے پلٹ شقتل کیا حباتا ہے۔ سنگل 8.01 مسیں ایک ایسا حیار بٹ دور د کھایا گیا ہے۔

جوابات