عبد دی ادوار تنی<sub>ق و ت</sub>بنب

حنالدحنان يوسفونگ khalidyousafzai@hotmail.com

۲۱راکتوبر۲۰۲۳

# عسنوان

İX																																							,	Ų	باح	دىيسە
xi																																~	÷	ے ر		. کاد	-	كتاب	_لي_	پہ	-ر	مي
1																																						_ام	) نظبہ	نۇ	شر	1
1																																(	نتق	گر ا	_امِ	انظيه	اری	ئث	-1	1	1.1	
٣																																	. (	نحق	كس	ِ _ام	نظ	شتمى	7	٢	۱.۲	
۳																																	ى .	ٺ	م گه		ئی نظ	ٺ	<b>:</b>	۲	1.1	
۵																							_	باول	<u>ب</u>	ى تت	بير	_	ام'	ل	ئى ز	ٺ	ے شر	<u>_</u> (	_ٰر	انظيه	باری	ئ	1	٩	´.1	
<b>∠</b>																						ؾ	ٺ	گر ا	_ر	نظ	ی)	· -	ث	ع عر	_	اد	_	· /),	سول	_	_	_	1	۵	1.1	
9																										•	-				-					-		_		۲	1.1	
9																																						_		4	.1	
9					•			•					•			لہ	باو	نب	ں ت	بير	_	ادو	<u></u>			ار	سے	- ^	سوا	U	_		. اس	ر اور	آځه	<u>۔</u>	_(	_	1	٨	1.1	
11																																					_	_ا	ی حہ	يادأ	بنر	۲
۱۲																											.	ىرنا	فی ک	ومن	بر	عر	بل ا	ب	مم	_	ئی نظ	ٺ	<b>:</b>	1	۲.	
١٣																															لم	نكمسه	ا کا	r١	لٰہ	بنكمسه	اسی	_	-1	۲	۲.	
۱۴																						۔	L	انتكم	5 (	(r	_	1	)	لمهيا	ب	_		اکیک	منفى	_	_	_	-1	٣	۲.	
۱۵																										لہ		بتكم	اسی	_	۸,	_	ريعيه	بز	ا منفح	اد کح	_	واعبه	,	۴	۲.	
14																				,	ل	نكمسه	٤.		یک	ني ا	سامنا	_	-	L	/ _	_	ريعيه	بز	امنفي	اد کح	_	واعس	,	۵	۲.	
19																																						<u>ئ</u> ــــ		4	۲	
22																														ام	ظ	له	ب	رو تنکا	وار	_=	امر	ب	ç	4	۲.	
<b>r</b>																																						,	الجه	ِلين إلين	. ا	۳
, ω ۲Δ																															(	. تھ	ا ، ک	٠.			١,	ا ولير	/5•1 aj	ر <del>ن</del> ا	بور س	,
, w	٠	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•		٠	•	٠	•	•	_	_	مورا	. (	ے در	بىپ قەن	ے منط	-1/.	٠, ر	.ور. ا	<del>ر</del> س	1.	.,	
, (																																-	_/	ں-	,			ا.!.ا				

iv

۲۷	۲.۱٫۳ منطقی جمعی		
49	m.ا,m		
49	۳.۱٫۳ منطقی بلات رکت جمع		
۳.	۵.۱٫۳ منطقی ضبه بلاشر کت جمع		
۳.	برقی تارون مسین جوڑ کی وضناحت	۲.۳	
۱۳۱	عبددی گیٹ	٣.٣	
۱۳۱	۱٫۳٫۳ ضرب گیٹ		
٣٢	۲٫۳٫۳ جمع گیٹ		
٣٣	٣٣٣٠ نفي گيٺ ِ		
٣٣	۳.۳.۳ متعبد دمداخنل گیٹ		
٣۵	۵,۳,۳ خرب متم گیٹ اور جمع متم گیٹ ۵,۳,۳		
٣٨	٣.٣٠ بلاشىركت جمع گيئ اور بلاشىركت جمع متم گيئ		
۴.	گیٹوں کے برقی خواص	س.س	
۱۳	۱٫۴٫۳ مستحکم کار		
سهم	۲.۲۳ مخشلوط ایدوار		
۳۵	بووكين لقب عسل كاتخميت بيرين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين بالمسترين	۵۳	
۳۵	ال.a.m بوولین تف <sup>ع</sup> ل کاتخمی <b>ت</b>		
<u>۸</u> ∠	قوسين مسين ښند يوولين قفعسل	٧.٣	
۹۳	پوولین الجبرا کے بنتیادی قوانین	۷.۳	
۵۳	ڈی مار گن کے کلیات بے	۸.۳	
۲۵	حبـرُوال بوولين قفعـل	٩٣	
۲۵	ار کان ضر ہے کے محب وعب کی ترکیب	10.14	
٧٠	ار کان جمع کی ضرب کی ترکیب می می نیان بین می از کان جمع کی ضرب کی ترکیب می می از کار در این از می از می از می	11.11	
41	محب وعب ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے مابین شبادلہ	14.4	
40	خرب و جمع دورے متم ضرب و مثم ضرب دور کا هسول نیست بیات میں متم ضرب در کا هسول میں بیات میں میں میں میں میں میں	۳.۳۱	
٧٧	جمع و ضرب دورے متم جمع و متم جمع دور کاحصول	س به ا	
۸۲	عسلامتی روپ یارموز	10.0	
4.4	ت		
/ <b>/</b>	۱٬۱۵۳ استاری اعبداد کے شک نگی رموز موز میں موز کے بات کار موز کے بات کار موز کے بات کار موز کے بات کار موز کے ب		
 	المهار المسارق		
۳۷	_نقث_ب	كارناف	٩
۳۷	کارناو <u> ن</u> فتے کاہنیادی حِت کہ	۱.۴	
۷۵	کارنان <u>نے نق</u> شے کی جی <del>ٹ</del> رائی	۲.۴	
۷۵	کارنان <u> نقشے</u> سے تف عسل کی سادہ مساوا <b>ت</b> کا حصول	٣.٣	
<b>4</b>	۱٫۳،۴ دو آزاد متغییر تف عسل		
۸٠	۲٫۳٫۴ تین متغیب رتف عسل		
۸۳	٣٣.۴ حيار متغير تف عسل ٢٣.۴٠ حيار متغير تف عسل		
۸۵	۲۰۳۰،۴ پ ۲۰۳۰،۴ سادات سے تفاعسل کے ارکان ضرب کا حصول		
4.4	ض لعي از جمع کي شکل مڀني رياد رمي ادارات	~ ~	

ع-نوان

۸۷	غپ د لچپ حال	۵.۴	
	می منطق اور تر کسیسبی ادوار می	<b>د</b> کہ	
۸۹			۵
۸۹	شنائی جمع کاراورشنائی مفی کار	1.0	
9+	۱.۱.۵ نصف جمح کار		
95	۲.۱.۵ مکسل جمح کار		
94	۳.۱.۵ منفی کار		
99	۵.۱.۴ اعشاری جمع کار		
1+1	شنائی ضرب کار	۲.۵	
1+1	شنانت کار	۳.۵	
1+9	مشنانت کار کی مدد سے تفع ک کا حصول	۴.۵	
111	دا حسلی منتخب کار اور حسار جی منتخب کار میں بیان کی منتخب کار میں کار میں کار کیا ہے۔ میں میں میں جمانت سر کر کر میں میں میں کار کیا گئی ہے۔ اس کا میں کار کیا گئی کیا گئی کے میں کار کیا گئی کیا گ	۵۵	
111	۱٬۵۰۵ حنارجی فتخنب کار		
1111	۲.۵.۵ واختلی نتخب کار		
110	۳.۵.۵ داخشکی منتخب کارے تف عسل کا حصول		
114	متوازی شن اَی ضرب کار	۷.۵	
111	مر تر شب بی منطق اور ادوار	مع),	4
177	گیٹوں کے او <b>ت ہے</b> کار	۲,۱	
122	پلٹ کار	۲.۲	
174	<u> </u>	۳.۲	
۱۲۸	متم ضرب گیٹ ایس آرپلٹ کار	۲.٦	
119	۱٬۴۰۱ عنب رفعال مداحبِل پلے کار، حسال برفت رار رکھتاہے		
119	۲٬۴۰۱ مداخل 8 فعالِ کرنے سے پلٹ کاربلٹ دسال اختیار کرتاہے		
14.	$\overline{R}$ مداخل $\overline{R}$ فعال کرنے ہے پلٹ کارپہ حسال افتیار کرتاہے $\overline{R}$		
اسا	۲٫۳٫۲ حیال دوڑ		
اسا	زياده مداخنل پليڪ کار	٧.۵	
۱۳۲	وت بل محباز ومعبذ در پلیٹ کار	۲.۲	
۳۳	آت اعتلام پلٹ کار	∠.∀	
Im2	ڈی پل <u>ٹ</u> کار	۲.۸	
1142 1149	۱.۸.۲ آفت اعتدام پلیٹ کارے حساف کر دوڈی پلیٹ کار میں میں میں اسلام بلیٹ کار میں میں میں اسلام بلیٹ کار میں میں	•	
164	ڈی <u>پلٹ ک</u> ار	9.4	
	جے کے پلیٹے کار	1+.4	
۱۳۵	۱.۱۰-۲		
٢٣٦	شنائی گئت کار	٢.١١	
۱۳∠	سلمه وارشنا کی جمح کار	17.4	
۱۳۸	معساصر ترشیبی ادوار کا تحب زیبه می در	١٣.٦	
۱۳۸	۲٫۳۳۱ مساوات حمال		
169	۲٬۱۳۶ حبدول سال		
10+	۳.۱۳.۲ حناکه حسال		

vi

10+	۳.۱۳.۲ ځی پایٹ کار پر مسبنی ترشیبی دور		
۱۵۱	۵.۱۳.۲ جے کے پلٹ کار پر مسبنی ترشیبی دور		
۱۵۵	۲.۱۳.۲ ٹی پلٹ کار کی مد د سے ترتئیب دور کا حب ائزہ ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،		
۲۵۱	ميلى اور مُور خمون 🗾	۲.۳۱	
104	۲.۱۴.۲ يه حسال اوران کې مقسرري		
۱۵۸	معے اصر ترشیبی ادوار کی ہٹ اوٹ کی میں معاصر ترشیبی ادوار کی ہٹ اوٹ	10.4	
141		وفت	4
۱۲۵	سلىلەداردفىي تىرىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىن	1.4	
۱۲۵	1.1.2 وإنكن انتقت ال دفت سر		
۱۲۵	۲.۱.۷ بائين انتقت ال وفت مر		
177	٣.١.٧ دائين وبائين انتصال وفت ر		
177	متوازی بھیسرائی دفت بر	۲.۷	
147	عبالمسگیرانت ال دفت ر	۳.∠	
14	سلمله وارشنائی جمع کار	۲.∠	
	,	گنـــــــ	
۳۷۱	. کار شن کی گن <u>ت</u> کار	اننے۔	^
12m 120		1.A 1.A	
	معیاصر گذیت کار	r.^	
120	- · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
121	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,		
111	ویگرگئت کار	۳.۸	
١٨٢	۱٫۳۸ متغیبرلمبائی گنت کار		
111	۲٫۳۸ بے ترتیب گنت کار		
111	۳٫۳۸ چیسلاگنت کار		
1/1/	۴.۳.۸ دورانی پیداکار		
۱۸۵		حسافظ	
IAY	ے۔ عسار ضی میں افلانے ہیں	1.9	
1/19	پخت د افل	۲.9	
191	پ نظر کی استعداد بڑھانے کی ترکیب	۳.9	
191	۱.۳.۹	• ′	
195	۲.۳.۹ تين 8 × 16 حب فظے سليدوار جوڙ کرايک 8 × 48 حب فظے کا حصول		
191	4  imes 4 و $4  imes 4$ حب نظے متوازی جوڑ کر $4  imes 4$ حب نظے کا حصول $6  imes 4$ نظر $6  imes 4$		
191	حافظہ کے اوت اب کار	۳.9	
191~	پخت حسافظ سے ترکسیبی ادوار کا حصول بیست میں بیان کی میں میں بیان کے اور کا حصول	۵.9	
194	تشكىيال تركسيبي منطقي ادوار	تابل	14
191	• ا. • . ا		
191	۲.۰.۱۰ وتابل تفکیل ضرب و جمع تر کتب منطقی ادوار		
199	مرابز با مسین می کارنسید و کار مید بی می کاردوارد		
177	عت بن سنت رئم سيجي ادوار	1.1+	

· 1	- بي ادوار	-رمع <u>ا</u> صرتر تسي	غنب	11
۰۳	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
٠,٣	عــبوري حب ول	1,1,11		
٠۵	بهاد کاحبدول	۲.۱.۱۱		
<b>'+</b> Y	حالت دوڑ			
٠٨	توازن اور ارتعب سشسِ			
• ^	. دوڑ سے پاک شنائی عسلامتوں کا تقسر ر			
1+	بدول کی مدد سے پلٹ کا تحب زیے ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	عبوری<	٣.11	
1+	ايس آرپليث ُ	1.14.11		
11	ے کن ارہ پر چلت اہواڈی پلیٹ	۲.۳.۱۱		
114	ایس آریپٹوں پر مسبنی غیسے رمعیاصرا دوار کافت دم باقت دم تحب نر سے ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	۳.۳.۱۱		
10			سوالا	11
۲۷			با	15

# ریباحپ

ی کتاب اسس عسزم سے کتھی گئی ہے کہ سے ایک ون برقی انجنیزنگ کی نصابی کتاب کے طور پر پڑھائی حبائے گی۔ امسید کی حبائے گی۔ امسید کی حبائے ہے۔ مسیں ڈاکٹسر گی۔ اسٹ بھی طلب و طالبات اسس سے استفادہ حساصل کر سکیں گے۔ مسیں ڈاکٹسر محمد اسٹسرون عطا (ہلالِ استیاز، ستارہِ امسیاز) کا خصوصی طور پر نہیایت مشکور و ممنون ہوں حبنہوں نے اپنے مصدروفیات سے وقت نکال کر اسس کتاب کو پڑھ کر سنہ صوف درست کیا بلکہ بہت سارے تکنیکی مصدروفیات ہمی و سراہم کے۔ مسین امیدرکھتا ہول کہ جھے آئے۔ ہمی ان کی مدد حساس ابوگی۔

مسیں یہاں کامسیٹ کے طلب وطالبات کا بھی مشکر ہے ادا کرنا دپ ہت ہوں حب نہوں نے اسس کتا ہے کوبار بارپڑھ کر غلطیوں کی نشاند ہی گی۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارشش کی حباقی ہے کہ وہ اسس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلب و طبالب سے تک پنچے ئیں اور اسس مسیں غلطیوں کی نشاند ہی مسیرے ای مسیل پہتے پر کریں۔

حنالد حنان يوسفز ألى 5 منروري 2013

# میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرتب اعلیٰ تعلیم کا داروں مسیں تحقیق کارجمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ یہ سلم حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجو د مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخو د ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجو د آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی سناطب خواہ کو شش نہیں گیا۔

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تھتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بننانے سے انکار کر دیااور یوں ہے کتاب وجودمسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغنی رات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نصابی کتاب و نظام تعلیم کی نصابی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصب بی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلسل نصاب کی طسر فسے ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایہ سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 28 *اكتوبر* 2011

#### إب

# شنائي نظام

# ا.ا اعثاری نظام گنتی

روز مسرہ زندگی مسیں اعشاری نظام گسنتی استعال ہوتا ہے، جو 0 تا 9 کے ہندسوں پر مسبنی ہے۔ کسی بھی گسنتی کے نظام مسیں کا تعلیم اسس کتبے ہیں۔اعشاری نظام مسیں 0 تا 9، یعنی دسس 10 نظام مسیں کا عالمات ہیں،یوں اعشاری نظام کی اساسس دسس ہے اور اسس کو اساسس 10 کانظام کہتے ہیں۔

مساوات ارامسیں 538.72 کو اعشاری نظام مسیں لکھتے ہوئے زیر نوشت مسیں 10 ککھا گیا ہے، جو اسس بات کی یاد دہانی کر اتا ہے کہ یہ عصد داسس دسس کے نظام مسیں لکھا گیا ہے۔ اسس کتا ہے مسیں چونکہ کی نظام گسنتی استعمال ہوں گے، البندا جہاں مستن سے واضح نہ ہو وہاں اعبداد کے ساتھ ان کی اسسس زیر نوشت مسیں لکھی حبائے گا۔

1 - 0 نظام میں اعثار سے کی بائیں حبان پہلاہند سہ اکائی وزن رکھت ہے، دو سراد ہائی، تیسر اسٹیکٹرا، وغیبرہ یوں میں اعثار سے کا مطلب  $8 \times 10^0 = 8 \times 1 = 8_{10}$  میں دیے گئے ہند موں میں 8 کامطلب  $8 \times 10^0 = 8 \times 1 = 8_{10}$  کا مطلب  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کا میں حبار ہوں تاہم کے دائیں حباز ار، وغیب دے کا ایک بین اس میں ایک بین اس میں 2 در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے جب در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے جب در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے جب در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10 \times 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 = 10^0 = 10^0 = 10^0$  کے در مسل  $1 \times 10^0 =$ 

(i.r) 
$$538.72_{10} = (5 \times 10^2) + (3 \times 10^1) + (8 \times 10^0) + (7 \times 10^{-1}) + (2 \times 10^{-2})$$

1

باب. اشنائي نظام

$$x_2 = 5$$
 $x_1 = 3$ 
 $x_0 = 8$ 
 $x_{-1} = 7$ 
 $x_{-2} = 2$ 
 $x = 538.72_{10}$ 
 $x = x_2 x_1 x_0 . x_{-1} x_{-2}$ 

مشکل ا. ا:عبد د کے ہند سول کو یکارنے کا طب ریقہ کار۔

اس حقیقے کو درج ذیل عبومی رویے میں لکھ کتے ہیں۔

(i.r) 
$$\cdots a_2 \times 10^2 + a_1 \times 10^1 + a_0 \times 10^0 + a_{-1} \times 10^{-1} + a_{-2} \times 10^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{10}$ 

عدد  $538.72_{10}$  کو x لیتے ہوئے، شکل المسیں اسس کے مختلف ہند سول کو پکارنے کا طسریق و کھایا گیا ہے، جسس کے تحت 5 کو x جبکہ 3 کو x کہیں گے، وغیبرہ۔

اسس طسرح کی بھی عبد دمسیں بائیں حبانب ہندے کا رتب دائیں حبانب ہندے کے رتب سے بلند ہو گا۔مساوات ا.امسیں بلند تررتب کاہندسہ 5 ہے،جبکہ کم تررتبے کاہندسہ 6 ہے۔

مساوات ۱۰، مسیں سات کو تین مختلف طسریقوں سے تکھا گیا ہے۔ روز مسرہ زندگی مسیں سات پہلی طسرز پر لکھا حباتا ہے۔ یول کاعند پر لکھتے ہوئے کی بھی عدد کے بائیں حبانب صغسر نہیں تکھے حبات اور عدد کے بائیں حبانب کاعند نو کو حنالی چھوڑا حباتا ہے۔ یہاں سے بات سمجھنا ضروری ہے کہ روز مسرہ زندگی مسیں اعداد تکھتے وقت ان کی لمبائی یان مسیں گل ہدد ہوں کی تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں ہوگئی عدد کو کے بائیں حبانب حبال جا کا ہونا خروری ہے۔ کمپیوڑ مسیں ہر قتم کی کے بائیں حبانب حبال جگ اس بات کا فیصلہ کیا حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کہتے ہے بہتے اس بات کا فیصلہ کیا جباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے بائیں ہنا ہوگئی حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے جہائے کہ سے کو ہم صور سے استعال کرنا ہوگا۔

اعثاری نظام مسیں گسنتی  $0_{10}$  سے شروع ہوتی ہے اور بتدار تگ بڑھتے ہوئے  $9_{10}$  تک پہنچتی ہے۔ اسس دوران دہائی، سینکڑا، وغنیسرہ کے مصام پر صف ررہت ہے اور انہیں عام طور نہیں لکھا حباتا۔ گسنتی نو تک پہنچنے کے بعد دہائی، لیمنی  $10^0$  ، وزن رکھنے والے مصام پر 0 کی بحبائے 1 ککھا حباتاہے اور اکائی، لیمنی  $10^0$  ، وزن رکھنے والے مصام پر دوبارہ 0 تا 9 گست کی حباتی ہے۔

۱.۲ بشتمی نظب م گنتی

اگر آپ کواس پیسراگران کی مسجھ نہیں آئی تواہے دوبارہ پڑھیں۔اس مسیں سادہ گسنتی کی وضاحت کی گئی ہے۔

اعث اری نظام مسیں اگر اعبداد کو ایک بہندے تک محمد دو کر دیا حبائے تواسس مسیں 0<sub>10</sub> ہے 9<sub>10</sub> تک گسنتی مسکن ہوگی۔ اگر اعبداد کو دوہت دسے ہوں، تب موں مسکن ہوگی۔ اگر اعبداد کو دوہت دسوں تک محمد دو کر دیا حبائے، لینی اسس مسین زیادہ سے زیادہ دوہت دسے ہوں، تب ہوگی، ای طسرح تین ہند سول تک کے عسد داستعال کرنے سے 000<sub>10</sub> سے 999<sub>10</sub> تک گسنتی مسکن ہوگی، ای طسرح تین ہند سول تک کے عسد داستعال کرنے سے 2000 سے تاب مستق ہے، وغیرہ۔

# ۱.۲ مشتمی نظام گستی

ہشتی نظام 0 تا 7 ہند موں پر مبنی ہے۔ اس نظام میں آٹھ ہندے ہیں الہذا ہے۔ اس آٹھ نظام ہے۔ بالکل اعتباری نظام کی طسر تن، اس نظام میں اعتبارہ کھتے ہوئے اعتباریہ کے بائیں جانب پہلے ہند ہے کا وزن  $8^0 = 8^1$  ، دوسرے ہند ہے کا  $8^1 = 8_1$  ، تیسرے کا  $8^1 = 8_1$  ، وغیبرہ، جبکہ اعتباریہ کے دائیں جب نہ ہے۔ کا وزن  $8^1 = 8_1$  ،  $8^1 = 8_1$  ، وسرے کا وزن  $8^1 = 8_1$  ہوگا، وغیبرہ۔

$$\begin{array}{l} 538.72_8 = [(5\times 8^2) + (3\times 8^1) + (8\times 8^0) + (7\times 8^{-1}) + (2\times 8^{-2})]_{10} \\ = [(5\times 64) + (3\times 8) + (8\times 1) + (7\times 0.125) + (2\times 0.015625)]_{10} \\ = [320 + 24 + 8 + 0.875 + 0.03125]_{10} \\ = 352.90625_{10} \end{array}$$

ہشتمی نظامِ گنتی کے لئے مساوات استورج ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

(I.1) 
$$\cdots a_2 \times 8^2 + a_1 \times 8^1 + a_0 \times 8^0 + a_{-1} \times 8^{-1} + a_{-2} \times 8^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots a_2 a_1 a_0, a_{-1} a_{-2} \cdots)_8$ 

ہ متی نظام مسیں دیے گئے عبد د کواعشاری نظام مسیں تبدیل کرنامساوات ۱.۵مسیں د کھایا گیا ہے۔ ہشتی عسد د کے زیر نوشت مسیں 8 اسس بات کی یاد دہائی کراتا ہے کہ ہے عسد دہشتی نظام مسیں لکھا گیا ہے۔

1 اسس نظام مسیں گسنتی 0 سے سشروع ہوتی ہے، 7 تک یکنچنے کے بعد  $8^1$  وزن رکھنے والے معتام پر 0 کی بحب نے 1 ککھا حب تاہے اور  $8^0$  وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 ہے 7 کی گسنتی سشروع ہوتی ہے۔

# ۱.۳ شنائی نظام گستی

ما نگر و کنٹ رولر کی دنیا مسیں شنائی نظام گستی استعال ہوتا ہے۔ شنائی نظام دوہت دسوں، 0 اور 1 ، پر مسبنی ہے، البذا سے اساس دو کانظام ہے۔ اسس نظام مسیں گستی 0 سے شسروع ہوتی ہے، 1 تک پہنچنے کے بعد 2<sup>1</sup> وزن رکھنے ابا. شنائی نظام

والی معتام پر 0 کی بحب نے 1 کھے حب تا ہے، اور  $2^0$  وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 ہے 1 گسنتی سنسروع ہوتی ہے۔ اسس نظام مسیں گسنتی کو مساوات 1 کے مسیل دکھنا گیا ہے، جہال زیر نوشت مسیل اساس لکھنے سے گریز کسیا گسیا ہے۔ مواز سنہ کے لئے اعشاری گسنتی بھی پیش کی گئے ہے۔

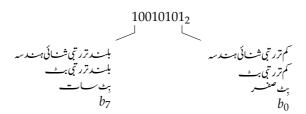
 $2^0=1_{10}$  اس نظام مسیں اعبد او لکھتے ہوئے اعتار سے کے بائیں حبانب پہلے ہددے کا وزن  $2^0=2^0$  ہوگا، دو سرے کا وزن  $2^1=2_{10}$  ہندے کا وزن  $2^1=2_{10}$  ہندے کا وزن  $2^1=2_{10}$  ہوگا۔  $2^{-2}=0.25_{10}$  ہوگا۔

شنائی نظام گسنتی کے لئے ی مساوات اسران ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

(I.A) 
$$\cdots b_2 \times 2^2 + b_1 \times 2^1 + b_0 \times 2^0 + b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots b_2 b_1 b_0 \cdot b_{-1} b_{-2} \cdots)_2$ 

مساوات اوا مسین شنائی نظام مسین دیه گئے عسد دکو اعشاری نظام مسین تبدیل کرنا دکھایا گیا ہے۔ شنائی عسد دکے زیر نوشت مسین کو اسس بات کی یاد دہانی کراتا ہے کہ یہ عسد دشنائی نظام مسین لکھا گیا ہے۔

$$\begin{array}{l} 1011.1_2 = [(1\times 2^3) + (0\times 2^2) + (1\times 2^1) + (1\times 2^0) + (1\times 2^{-1})]_{10} \\ = [(1\times 8) + (0\times 4) + (1\times 2) + (1\times 1) + (1\times 0.5)]_{10} \\ = [8+0+2+1+0.5]_{10} \\ = 11.5_{10} \end{array}$$



مشكل ٢.١: بلن د تراور كم تررتبي بهن دسے۔

شنائی عدد کے ہندسوں کو پکارنے کا طسریقہ سشکل ۲۰۱۱مسیں دکھایا گیا ہے۔ شنائی عدد کے دائیں ترین ہندے کو کم تر تی بخد یا گلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی ارموجودہ مشال مسیں) بند کو بند دویا بند کو کہ بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کو بلند تر ہی شنائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کے کہ بندائی ہندسہ یابند کی کہ بندائی ہندہ کے کو بندائی ہندسہ یابند کی کو کہ بندائی ہندہ کی کہ بندائی ہندہ کی کو بندائی ہندائی ہن

اگر دیے گئے شنائی عبد دے اعشار ہے ہے دائیں حبانب کچھ نے ہو، تب درج ذیل لکھا حباسکتا ہے:

(1.1•) 
$$1011_2 = (2^3 + 2^1 + 2^0)_{10} = (8 + 2 + 1)_{10} = 11_{10}$$

جوہندے 1 ہیں،ان کے وزن جمع کیے سباتے ہیں۔

حیارہت موں کاشٹ کی عدد و  $0000_2$  تا 11112 گستی کر سکتا ہے؛ اسس ہے بڑا عمد در کھنے کے لئے حیارے زیادہ ہند ہوں گے۔ ما تکرو کنٹ مرولر آٹھ شٹ کی ہند موں کے اعمد او استعمال کرتا ہے جو  $00000000_2$  تا  $11111111_2$  ، یعنی 010 تا 015 خابر کر سکتے ہیں۔

## ۱.۴ اعشاری نظام سے شنائی نظام مسیں تبادلہ

اعثاری نظام مسیں دیے گئے عدد کوشنائی نظام مسیں لکھنے کی حناطسر اسس عدد کوبار بار 2 سے تقسیم کریں، حتٰی کہ یہ مسزیہ مسین بہلے حاصل باقی کوشنائی عدد کہ یہ مسزیہ تقسیم سے ہوئے ہم مسرت تقسیم کے بعد حساصل باقی کو اسس سے دگنے وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری کے سب سے کم وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری حساسل باقی کو اسس سے دینے وزن کے مصام پر لکھیں۔ یول شنائی عدد حساصل بوگا۔ یہ طسریق استعال کرتے ہوئے 1210 کوشنائی کھیں کی میں لکھتے ہیں۔

باب ا. شنائی نظام

121 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 60 اور باقی 1 ملت ہے۔ 60 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 30 اور باقی 0 ملت ہے۔ 30 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 15 اور باقی 0 ملت ہے۔ 15 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 7 اور باقی 1 ملت ہے۔ 7 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 3 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔

ا ب سب سے آ حضری" باتی"کوسب سے زیادہ وزن کے معتام پر اور سب سے پہلے" باقی"کوسب سے کم وزن کے معتام پر ککھتے ہیں۔ بیل د 1111001 سے صل ہو گا، البیذا

$$121_{10} = 1111001_2$$

ہو گا جہاں سات شنائی ہندے استعمال کیے گئے ہیں۔ اپنی تسلی کے لئے اسس عدد کو واپس اعشاری نظام مسیں منتصل کرتے ہیں۔

$$1111001_2 = 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^0 = 64 + 32 + 16 + 8 + 1 = 121_{10}$$

اسس طسریقے کار کی بہتر صور ہے پیش کرتے ہیں۔

2	121	
	60	1
	30	0
	15	0
	7	1
	3	1
	1	1
	0	1

عب دمسیں اعث ارب کے مائیں مبانب صب کو حصب صحیح ، جب کہ دائیں حصب کو حصب مکور ماکسری کتے ہیں۔

xxxxxx . yyyyyy

يون 121.6875 مين 121 عدد صحيح اور 6875 عدد مكوريــــ

عشری عدد کے صحیح حسہ کو شائی نظام مسیں تبدیل کرنا آپ سیکھ چکے؛ حسہ مسکور تبدیل کرنے کا طسریقے زرہ مختلف ہے۔ آئیں ہے عمسل سیکھیں۔

حصہ مکور کوباربار 2 سے ضرب دیں۔اگر حساصل ضرب کے اعشاریہ کے بائیں حبانب 1 حساصل ہو تواسس کو حساصل کی دیکے دائیں حبانب مسلک کریں ورسنہ شنائی عسد دکے دائیں حبانب مسلک کریں ورسنہ شنائی عسد دکے دائیں حبانب منسلک کریں۔اسس عمسل کوایک مدد سے مسکھتے ہیں۔

	شنائی
$2 \times 0.6875 = 1.375$	0.1
$2 \times 0.3750 = 0.750$	0.10
$2 \times 0.7500 = 1.500$	0.101
$2 \times 0.6875 = 1.375$ $2 \times 0.3750 = 0.750$ $2 \times 0.7500 = 1.500$ $2 \times 0.5000 = 1.000$	0.1011

يوں  $0.6875_{10}=0.1011$  بوگا: آحن رمين دونوں صول کو ملاکر شن آئی عبد دحت اصل کرتے ہیں۔

 $121.6875_{10} = 111001.1011_2$ 

# ۱.۵ اساسس سوله (سادسس عشری) نظام گنتی

اس سولہ کے نظام مسیں اعبداد کی سولہ عسلامتیں ہیں۔ان مسیں پہلی دس عسلامتیں 0 تا 9 ہیں، جب ہاتی عسلامتیں، بڑی کھیائی مسیں انگریزی حسرون تہجی کے پہلے جہد حسرون لیعنی A اور A ہیں۔ B اور A عسلامت A وسس A وظاہر کرتی ہے، لیعنی A اور A ہور کرتی ہے۔ مساوات اراامسیں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر طسر A جہند ہوئے A ہیندرہ کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات اراامسیں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر

۸ باب ا. شنائی نظام

#### آگے ہر گزم<u>ت ب</u>ڑھیں۔

$$00_{10} = 00_8 = 0000_2 = 0_{16}$$

$$01_{10} = 01_8 = 0001_2 = 1_{16}$$

$$02_{10} = 02_8 = 0010_2 = 2_{16}$$

$$03_{10} = 03_8 = 0011_2 = 3_{16}$$

$$04_{10} = 04_8 = 0100_2 = 4_{16}$$

$$05_{10} = 05_8 = 0101_2 = 5_{16}$$

$$06_{10} = 06_8 = 0110_2 = 6_{16}$$

$$07_{10} = 07_8 = 0111_2 = 7_{16}$$

$$08_{10} = 10_8 = 1000_2 = 8_{16}$$

$$09_{10} = 11_8 = 1001_2 = 9_{16}$$

$$10_{10} = 12_8 = 1010_2 = A_{16}$$

$$11_{10} = 13_8 = 1011_2 = B_{16}$$

$$12_{10} = 14_8 = 1100_2 = C_{16}$$

$$13_{10} = 15_8 = 1101_2 = D_{16}$$

$$14_{10} = 16_8 = 1110_2 = E_{16}$$

$$15_{10} = 17_8 = 1111_2 = E_{16}$$

ار المستن الشاري کی بائیں حبانب پہلے ہندے کاوزن  $1_{10}=1_{0}$  ، دوسرے کا  $1_{10}=1_{0}$  ، اور تیسرے کا  $1_{10}=1_{0}$  ہوگا۔

ماوات المامسیں ساوس عشری یا اس سولہ نظام مسیں دیے گئے عسد د کو اعشاری نظام مسیں تبدیل کرناد کھایا گیاہے۔ ایب کرتے ہوئے  $10_{10}$  کا در  $10_{10}$  کے گئے۔

$$\begin{array}{l} 3AC.8_{16} = (3\times16^2)_{10} + (10\times16^1)_{10} + (12\times16^0)_{10} + (8\times16^{-1})_{10} \\ = (3\times256)_{10} + (10\times16)_{10} + (12\times1)_{10} + (8\times0.0625)_{10} \\ = (768+160+12+0.5)_{10} \\ = 940.5_{10} \end{array}$$

مساوات اسس سولہ کے لئے درج ذیل ہو گی۔

(1.17) 
$$\cdots a_2 \times 16^2 + a_1 \times 16^1 + a_0 \times 16^0 + a_{-1} \times 16^{-1} + a_{-2} \times 16^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{16}$ 

#### ۱.۱ اس سروكاا س آم الله مسين تبادله

مساوات اسرا اسمیں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ سے سشروع کرتے ہوئے، اعشاریہ کی دونوں حباب تین تین میں میں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ کی بائیں حبانی اگر آخنہ مسیں علی ہوا ہوا کی بائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اس آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اساس آ گھ ہدر سے اور کا گورہ پورا کی جگ ہوں کو جگ کھی گیا۔ بدر کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کا مسیل منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کی جگ ہوت رادر کھتا ہے۔ اسس طسر آ اسس عدد کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ بادر ہوت رادر کھتا ہے۔

(1.17) 
$$\begin{aligned} 1101100.1_2 &= (001\ 101\ 100\ .100)_2 \\ &= (\ 1\quad 5\quad 4\ .\quad 4)_8 \\ &= 154.4_8 \end{aligned}$$

#### اساسس دو كااساسس سوله مسين تبادله

شن فی عبد دکواب سس سولہ مسین لکھنے کی حن طسر شن فی عبد دکواعث ارہے ہے سنسہ وع کرتے ہوئے اعث ارہے کی دونوں حبائی طسر آگر اوہ پورا سنہ ہو تو عبد دکی بائیں حبائی حبائی صف منسلک کر کے حیار ہند سول کا گروہ پورا کریں: ای طسر آگر اگر وہ پورا سنہ ہوں تو دائیں حبائی صف منسلک کر اعث ارہے کی دائیں حبائی سنس سولہ کا گروہ پورا کریں۔ اب مساول اس سولہ کا ہمد دے ان حیار حیار کے گروہ کی جگہ ان کی مساول اس سولہ کا ہمد دے ان حیار حیار کے گروہ کی جگہ ان کی مساول اس سولہ کا ہمائی ہوگئے ۔ 616 کی جگہ کر اور کا مساول کی جگہ کر ایش سر سولہ میں مساول کا عبد دحیاصل کیا گروہ کی داعث ارب اپنی جگہ بر مسرار کھتا ہے۔

(1.14) 
$$1101100.1_2 = (0110 \ 1100 . \ 1000)_2$$
 
$$= ( \ 6 \ C \ . \ 8)_{16}$$
 
$$= 6C.8_{16}$$

#### ۱.۸ اساسس آگھ اور اساسس سولہ سے اساسس دومسیں تبادلہ

انہ میں طسر لیقوں کو الٹ استعال کرتے ہوئے اس س آٹھ اور اس سس سولہ کے اعبداد با آپ نی اس سس دو مسیں لکھے حبا کتے لکھے حبا کتے ہیں۔ مساوات ۱۲.۱مسین اس اس آٹھ:

١٠ باب! شنائي نظام

اور مساوات ا۔ ۱ے امسین اساسس سولہ کوشنائی عبد دکی صورت مسین لکھنا دکھایا گیاہے۔

ہم نے دیکھ کہ شنائی عبد د کے ہند سوں کو تین تین کے گروہ مسیں لکھنے سے اس سس آٹھ اور حپار حپار کے گروہ مسیں کھنے سے اس سس سولہ عبد د حساصل کیا جب آئیں درج بالا مساوات مسین حساصل شنائی عبد دسے اس سس سولہ اعبد اد حساصل کریں۔

$$1001101000101111.0111_2 = (001 \quad 001 \quad 101 \quad 000 \quad 101 \quad 111 \cdot 011 \quad 100)_2$$

$$= (1 \quad 1 \quad 5 \quad 0 \quad 5 \quad 7 \quad . \quad 3 \quad 4)_8$$

$$= 115057.34_8$$

$$1001101000101111.0111_2 = (1001 \quad 1010 \quad 0010 \quad 1111 \cdot 0111)_2$$

$$= (9 \quad A \quad 2 \quad F \quad . \quad 7)_{16}$$

$$= 9A2F.7_{16}$$

مساوات ا. ۱۱ اور مساوات ا. ۱۷ کی آحضری لکسیروں مسیں شنائی اعبداد کودیکھتے ہوئے ہہت حبلدانسان اکتاحباتا ہے، البت، انہمیں مساوات مسیں جہاں شنائی اعبداد گروہ کی صورت مسیں لکھے گئے ہیں، وہاں انہمیں مسجھنا آسان ہے۔ یمی وجبہ ہے کہ شنائی اعبداد بالخصوص اور دیگر اعبداد بالعموم گروہ می صورت مسیں لکھے حباتے ہیں۔

ایک ہندے پر مبنی شنائی عدد کوشنائی ہندسہ یابٹ کہتے ہیں: آٹھ شنائی ہندسوں، بینی آٹھ بنے، کے گروہ کو ہشتی شنائی عدد یابائٹ کہتے ہیں۔بائٹ کو عسوماً حیار حیار شنائی اعمداد کے گروہ مسیں لکھا حباتا ہے۔ یوں مساوات اوات ایما مسیں دوبائٹ ہیں۔ای مساوات کوالٹ حیالتے ہوئے سے واضح ہے کہ ہشتی شنائی عدد کو حیار حیار شنائی اعمداد کے گروہ مسیں لکھ کرانہ میں حبلدا ساسس مولد مسیں لکھا حب سکتا ہے۔

### اب۲

# بنیبادی حساسب

شنائی نظام مسیں حساب بالکل ای طسرت کیا حباتا ہے جس طسرت اعشاری نظام مسیں۔ چند مشالوں کے مطالعہ سے وضاحت ہوگی۔

شن کی نظام مسین اعبداد کا محبسوعی اعشاری نظام مسین دواعبداد کے محبسوعی سے مسجھا حباسکتا ہے۔اعشاری نظام کی مندرحب ذیل مشال پر غور کریں جس مسین 37.5 اور 29.6 جمع کیے گئے ہیں۔

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

آپ نے دیکھ کہ حساسل (1) کو (بائیں) زیادہ وزنی مصام پر منتقبل کیا گیا۔ یہی شنائی جمع مسین کیا حبائے گا۔ شنائی نظام مسین صرف دوہندے، 0 اور 1 ،پائے حباتے ہیں جن کی حیار ممکن مجبوعے درج ذیل ہیں۔

اب ۲ بنیادی حاب

پہلی تین جع میں حاصل 0 جبکہ آمنے ری میں حاصل 1 ہے۔

آئیں، زیادہ شن کی ہند سول کے اعب داد کی جمع کی مث لیں دیکھیں؛ان کی اعث اری نظام مسیں جمع بھی دی گئی ہیں۔

وائیں ہاتھ شن کی 11 اور 10 جمع کرکے  $101_2$  حساس کے گیا جواعث اری نظام مسیں 5=2+3 ہوگا، جب کہ بائیں ہاتھ شن کی 1011 اور 1001 جمع کرکے  $1010_2$  حساس کے گیا جواعث اری نظام مسیں 22=9+13 کے مستسراد ف ہے۔

آ حن رمیں، کسری اعبداد کی جمع کی ایک مثال دیکھتے ہیں۔

## ۲.۱ شنائی نظام مسیں اعبداد منفی کرنا

دوبِك (شنائى عدد) منفى كرنے كے درج ذيل حسار مسكنات پائے حساتے ہيں۔

$$0-0=0$$
 $1-0=1$ 
 $1-1=0$ 
 $0-1=1$  ((160-1)

ی آجنسری مساوات مسین صفسرے ایک اسس صورت منفی کیاد کھایا گیاہے جب ادھار 1 لین ممکن ہو۔ ایک اور مثال دیکھتے ہیں۔

110.01		
-101.1	6.25	110.01
0.112	-5.50	-101.1
	0.75 <sub>10</sub>	0.112

شنائی منفی کی چین د مثالیں حسل کر کے اعشاری منفی ہے ان کی تصید یق کریں۔ایسا کرنے سے زیادہ وضیاحت ہو گی۔

#### ۲.۲ اساس تكمله يا ۲ كاتكمله

کی بھی اسای نظام مسیں، ہندسہ کو اساس، (r)، ہے منفی کرنے سے ہندسے کا اسای تکسلہ (یا r کا تکسلہ) سے ساسل ہوگا۔ یوں، ہندسہ اور ہندسے کے اسای تکسلہ کا محبوعہ اساس کے برابر ہوگا۔ مضلاً، اعضاری نظام مسیں 5 کا کا اسای تکسلہ 5 اور ان دونوں کا محبوعہ 5 اعضاری نظام کے اساس کے برابرے۔ ای طسرح 5 کا اساس تکسلہ 5 ، اور 6 کا اساس تکسلہ 1 ، اور 1 کا اساس تکسلہ 1 ، اور 1 کا اساس کے برابرے۔ ای طسرح 5 کا اساس تکسلہ 1 ، اور 1 کا اساس کے برابرے ہوگا۔

درن بالامث الوں ہے واضح ہے کہ کی بھی ہند سہ (مشلاً 3) کے اسای تکسلہ (یعنی 7) کا اسا تی تکسلہ وہی ہند سہ (یعنی 3) ہوگا۔ اسا تی تکسلہ کے تصور کو ایک ہے زائد ہند سوں پر مسبنی عسد د تک وسعت دیتے ہیں۔ اساس r کے اعبدادی نظام مسین عسد د n جو n ہم ہوگا۔ اسا تی تکسلہ (یا r کے تکسلہ ) ہے مسراد عسد r ہوگا۔ اساسی دو کے تکسلہ کو عسام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس مسرح اساسی دو کے تکسلہ کو عسام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس مسرح اساسی دو کے تکسلہ کو عام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس مسرح اساسی دو کے تکسلہ کو عسام طور 10 کا تکسلہ کہتے ہیں۔ اس

اعثاری نظام مسیں عدد  $10^n$  کے سب سے وزنی ہندھے کی قیمت 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہندہے ہول گے۔

$$10^2 = 100_{10}$$
 
$$10^5 = 100000_{10}$$
 
$$10^7 = 10000000_{10}$$

اعثاری نظام کی اساس n=10 ہے۔ اس نظام مسیں عدد N ، جس مسیں n ہندہے ہوں، کے اسا تی n=10 تکساہ (یعن 10 کے تکساہ) سے مسراد عدد n=10 ہوگا۔ یوں 5391 n=10 جس مسیں حیار ہندے n=10 بین کا 10 کا تکساہ دررج ذیل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad (10^4 - 5391)_{10} = (10000 - 5391)_{10} = 4609_{10}$$

اى طسىرى عدد 320753 جسى مسين 6 بىندسے بين كااساسى تكسلە:

$$(r.r) \qquad (10^6 - 320753)_{10} = (1000000 - 320753)_{10} = 679247_{10}$$

اور 679247 كا 2 كاتكماله درج ذيل ہوگا۔

$$(r.r) (106 - 679247)10 = (1000000 - 679247)10 = 32075310$$

N برعب در N کے اسامی تکسلہ کا اسامی تکسلہ وہی عبد وN ہوگا۔ اسس کا ثبوت کچھ یوں ہے: عبد دری N کا اسامی تکسلہ n-N اور عبد در n-N کا اسامی تکسلہ n-N بوگا۔

 $2^n$  سندموں پر مبنی شنائی عدد N کے 2 کا تکمیاہ (لیمنی اساس تکمیاء) سندموں پر مبنی شنائی عدد N ہوگا۔ N

اب ۲ بنیادی حاب

شنائی نظام میں عدد  $10^n$  کے سب سے وزنی ہندے کی قیمت 1 ہو گی، اور اسس کی دائیں جبانب 0 قیمت کے n ہندہے ہول گے۔

$$\begin{aligned} 2^2 &= 100_2 \\ (\text{r.a}) & 2^5 &= 100000_2 \\ 2^7 &= 10000000_2 \end{aligned}$$

يوں 10112 اور 10001 ك 2 ك تكسله بالت رتيب درج ذيل ہول كے۔

(r,
$$\tau$$
) 
$$(2^4 - 1011)_2 = (10000 - 1011)_2 = 0101_2$$
 
$$(2^5 - 10001)_2 = (100000 - 10001)_2 = 01111_2$$

## اس منفی ایک تکسله یا (r-1) کا تکسله rبه

 $r^n-1-N$  اس سے کو نظام مسیں، عدد N کے اس سنفی ایک کے اس سنفی ایک کا تک اور شنائی نظام مسیں اس منفی ایک کے تک ایک کو عصوماً P کا تک اور شنائی نظام مسیں اس منفی ایک کے تک ایک کو عصوماً P کا تک اور شنائی نظام مسیں اس منفی ایک کے تک ایک کا تک اور شنائی نظام مسیں اس کا تک کا تک اور شنائی نظام مسیں اس کا تک کا تک اور شنائی نظام مسیں اس کا تک کار تک کا ت

اعثاری نظام مسیں 376 اور 7852 کے 9 کے تکسلہ،بالتسرتیب مندرجب ذیل ہوں گے۔

$$10^{3} - 1 - 376 = 1000 - 1 - 376$$

$$= 999 - 376$$

$$= 623_{10}$$

$$10^{4} - 1 - 7852 = 10000 - 1 - 7852$$

$$= 9999 - 7852$$

$$= 2147_{10}$$

اعثاری نظام مسیں عدد  $n:10^n-1$  ہند سوں پر مشتل ہوگا، جہاں ہر ہند سے کی قیمت  $n:10^n-1$ 

$$10^3 - 1 = 1000 - 1 = 999_{10}$$
 (r.n) 
$$10^6 - 1 = 1000000 - 1 = 9999999_{10}$$
 
$$10^8 - 1 = 100000000 - 1 = 99999999_{10}$$

شنائی نظام میں عدد  $n \cdot 2^n - 1$  ہند سول پر مشتمل ہوگا، جہاں ہر ہند سے کی قیمت 1 ہوگا۔

$$2^3-1=1000-1=111_2$$
 (r.9) 
$$2^5-1=100000-1=11111_2$$
 
$$2^8-1=100000000-1=11111111_2$$

شن ائی نظام مسیں 10012 اور 1011102 کے 1 کے تکمیانہ، بالت رتیب، درج ذیل ہول گے۔

$$2^4 - 1 - 1001 = 1111 - 1001 = 0110_2$$
 
$$2^6 - 1 - 101110 = 111111 - 101110 = 010001_2$$

آپ د کھ سکتے ہیں کہ شنائی ہندسہ 0 کا "ایک کا عکسلہ"، شنائی ہندسہ 1 ہوگا، اور ای طسرح عسدد 1 کا "ایک کا تکسلہ"، شنائی ہندسہ 0 ہوگا۔ ہم کتے ہیں 0 کامتم 1 اور 1 کامتم 0 ہے۔

شنائی عبد دN کا سس منفی ایک کا تکسله،  $\overline{N} = d$  سام کسیاحیا تا ہے المبند ادرج ذیل کھے حب سکتا ہے۔

$$\begin{array}{c} \overline{1}_2=0_2\\ \overline{0}_2=1_2\\ \overline{1001}_2=0110_2\\ \overline{101110}_2=010001_2 \end{array}$$

0 ان دومث الوں سے ایک اہم حقیقت واضح ہو تا ہے: شن کی عبد دمسیں ہر ہند سے کا متم کسینے سے (لیحنی ہر 0 کو 1 ، اور ہر 1 کو 0 کرنے سے) اسس کا ایک کا تکسا میں مصاصل ہوگا۔

## ثنائی مدد کے ہر ہے کا متم لینے سے مدد کا 1 کا تکله (یعنی متم) ماصلی ہوگا۔

 $r^2-1-N$  اور (r-1) کے تکسلہ ہے مسراد  $r^n-N$  اور (r-1) کا تکسلہ ہے مسراد  $r^n-N$  اور  $r^n-N$  کا تکسلہ ہے ساتھ  $r^n-N$  کا تکسلہ ہے مسلم ہے ، الباخد ا $r^n-N$  کا تکسلہ ہے مسلم ہوگا۔ اس مسرح اساس تکسلہ کا حصول عسوماً زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے۔ مسلم کے کا تکسلہ ہے اس مسرح اساس طریقہ ہے مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔ مسلم کرتے ہیں۔

چونکہ  $0100=\overline{1011}$  ہوگا۔ای طسرت 1001 کااپ می تکسلہ 1010=1+0100 ہوگا۔ای طسرت 10001 کے متم 0110=1+01110 کے متم 152 کی کرنے ہے اسس کااپ تی تکسلہ 1110=1+01110 میں اصل ہوگا۔

#### ۲.۴ دواعب داد کی منفی پذریعب اساسی تکمه لیه

ستلم و کاعن نے ساتھ، M = N منٹی کرنا چھوٹی جساعتوں مسیں سکھایا حباتا ہے۔ برقیات مسیں بھسلہ کی مدد سے دواعبداد منٹی کے حباتے ہیں، جباں دونوں اعبداد مسیں ہند سوں کی تعبداد برابر ہونالازم ہے۔اسای بھسلہ کی مدد سے M-N مندر حب ذیل طسریق کارہے حساصل کیا جباتا ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہندسوں کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہندسوں والے عبدد کی بائیں حبانب (درکار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپاں کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعبدد مسیں 11 ہندھیاۓ حباتے ہیں۔
- 1 کی قیمت سے تیادہ ہونے کی صور سے مسیں، آحضری (بائیں) ہند سے جمع کرنے سے حساس M بسید اہوگا، جس کی ہنا ہے مجمعوں n+1 ہند سول پر مشتل ہوگا اور اسس کا بیالی ہند سہ n+1 ہوگا۔ اسس بائیں ہند سے کو العنی حساس n کو کانظر انداز کریں؛ باتی n ہند سول پر مسبقی عسد داصل جواب ہوگا۔

اب ۲. بنیادی حساب

1 کی قیہ سے کم ہونے کی صورت میں، آسندی (بئیں) ہندے جج کرنے سے حاصل M وی قیمت ہوگا: محبوع منفی عبد کو ظاہر کرے گا، اور n ہند سول پر مسبنی ہوگا۔ محبوع کا اس می تکسلہ لے کر اس کی بائیں حبانب منفی عبد است شکل کر کے جو اب حساس کی بائیں حبانب منفی عبد است شکل کر کے جو اب حساس کی بائیں حبانب منفی عبد الم

ان دونوں صور توں کی وضباحت مشالوں سے ہو گی۔

مثال ابن اعث اری اعب اد کا حساس منفی 974 – 7852 دسس کے تکسلہ کی مدد سے دریافت کریں۔

جواب: یہاں بڑا عدد 7852 مپار ہند سول پر مسبنی ہے، المہذا چھوٹا عدد 0974 ککھیں اور n=4 کیں۔ یوں n=4 کار اس کی محکمہ کار نے 1000 میں n=4 کار 1000 کار 200 میں محکمہ میں n=4 کار 2000 میں محکمہ 
مثال ۲۰۲: دسس کے تکسلہ کی مدوسے 7852 – 974 حساس کریں۔

جواب: عبد د 7852 كياس كاتمسله 2148 = 2140 - 0000 كا 2004 كياس كاتو محبوب كيت عبد 10000 كياس كاتو محبوب كيت الموت الميت الموت المبارك الموت ال

شنائی اعبداد بھی بالکل ای طسرح منفی کیے جبتے ہیں۔ ان کی بھی دومث لیں پیش کرتے ہیں۔ مثال ۲۰۳۳: اساس تکسلہ کی مدد سے مندر حب ذیل حساس کریں۔ (۱) 11001 – 11001 اور (ب) 11012 – 110012 جواب: (۱) چونکه 00110  $= \overline{11001}$  جواب اردوکا تکسله 00111 = 00110 بوگاه اسس کودوسسر جواب: (۱) چونکه 00110 (جسس کی بائیں حبانب اصن فی 0 چسپاں کر کے ہند سون کی تعبد ادپوری کی گئی) کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

10010 بائين آھندري ہند موں کو جمح کرتے ہوئے حساسل 1 پيد انہيں ہوا، لہند ااسس کا 2 کا گلسا ہوگا۔ چونکہ = 01101 مائین آھند کی بائین حبانب منفی عسلامت چسپاں کرکے نتیب = 01101 مائین حبانب منفی عسلامت چسپاں کرکے نتیب = 01100 منگوب منگوب کا مسل کرتے ہیں۔

جواب: (ب) یہاں ایک عسد و پانٹی ہندسوں پر مشتل ہے، الہذا دوسرے عسد و مسیں بھی پانٹی ہندے پورے کے حب کئی گا۔ 01011 کو 01011 کو 01011 کو 01011 کو 01011 کو 01011 کے 01011 کو <math>01011 کے 01011 کے 01011 کو کا ساتھ جھ کرتے ہیں۔ <math>01011 حاصل کرکے دوسرے عسد د کے ساتھ جھ کرتے ہیں۔

آ منسری ہندہے جمع کرتے ہوئے ساسل 1 پیدا ہواجس کو نظسر انداز کرکے باقی محبسوء۔، 01110 ، کو نتیجبہ تسلیم کرتے ہیں۔

## ۲.۵ دواعب داد کی منفی بذرایعب اساسس منفی ایک کا تکمه له

M - N ہے۔ اسس کا طسریق کار درج ذیل ہے M - N ہے۔ اسس کا طسریق کار درج ذیل ہے جہاں دونوں اعب داد مسین ہند سول کی تعب دادبر ابر ہونالازم ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہند سول کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہند سول والے عبد د کی بائیں حبانب (در کار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپال کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعب در مسیں 11 ہند سے پائے حباتے ہیں۔
  - M 1 N کاس منی ایک کا تکسله جمع کرے مجموعہ  $M + r^n 1 N$  ساتھ M 1 N
- سل کی قیت N کی قیت سے زیادہ ہونے کی صورت مسیں، آحضری (بائیں) ہند سے بیٹی کرنے سے حسامسل M کی قیت کی بیٹ کے میں بیٹ ہوگا۔ n+1 ہند ہول پر مشتل ہوگا اور اسس کا بایاں ہند سے n+1 ہوگا۔ اسس بائیں ہند سے کو (یعنی حسامس n+1 کو ) نظر رانداز کرنے کی بحب نے ، محبوع سے حضار ج کر کے ، n+1 وزن مختص کریں

اب ۲ بنیادی حاب

اور n ہندسوں کے باتی محبسوعہ کے ساتھ جمع کر کے جواب حساس کریں۔اسس عمسل کو واپسیں آحسری حساس ایک (1) کہتے ہیں۔

م کی قیمت N کی قیمت ہے کم ہونے کی صورت مسیں، آمنسری (بائیں) ہندہے جمع کرنے سے ساسل M کی قیمت ہوگا؛ محبوعہ منفی عبد د کو ظباہر کرے گا، اور n ہند سول پر مسبنی ہو گا۔ محبوعہ کا اساسس منفی ایک کا تکسلہ لے کر اسس کی بائیں حبانیہ منفی عبد المت منسلک کر کے جواب حساسل ہو گا۔

ان دونوں صور توں کی وضاحت مشالوں سے ہو گی۔

مثال ٢٠٠٠: نوكا تكميله استعال كرتي هوئ 7852 - 974 حياصل كرس

جواب: عدد 974 کے بائیں 0 جسپاں کرکے اسس مسیں ہند سوں کی تعداد پوری کریں اور 7852 کے اسسس مفلی ایک کے تکسلہ 2147 = 7852 – 99999 کے ساتھ جمع کریں۔

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

1 ہے۔ اسس منگی ایک ہندے جمع کرنے سے حساس 1 ہید انہیں ہوا، الہذا محبوعہ حیار ہند سول پر مشتمل ہے۔ اسس کے اساس منگی ایک کے تکمیلہ 2 مالک کرکے جواب میں منگی ایک کے تکمیلہ 2 مالک کرکے جواب 2 مالک کرکے جواب میں۔ 2 مالک کرکے ہیں۔

مثال ۲.۵: نوکاتکمیا استعال کرتے ہوئے 974 – 7852 سامسل کریں۔

جواب چھوٹے عسد 974 مسیں ہند سوں کی تعسداد پوری کرکے اسس کے اساس منفی ایک کے تکسلہ – 9999 2005 = 9074 کو 7852 کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

1 سندی (بائیں) ہندہے جمع کرتے ہوئے حساس ل 1 پیدا ہوا جس کی بن ہے۔ مجبوعہ 5 ہند موں پر مشتل ہے۔ ہم اسس ساسل 1 کو وزن 1 مختم کر کے باتی 4 ہند موں پر مسبنی محبوعہ 6877 کے ساتھ جمع کر کے جواب 1 6878 ساسل کرتے ہیں۔

اب ہم شنائی اعبداد کی مشال لیتے ہیں۔

۲.۲. مثبت ادر منفی اعب داد

مثال ۲.۲: مندر حب ذیل کو 1 کے تکمیلہ کی مدد سے حسل کریں۔  $11011_2 - 101110_2 (-1) \cdot 101110_2 - 11011_2 (1)$  حسل: (۱) منفی ہونے والے عبد دمسیں ہند سوں کی تعبد ادپوری کر کے اسس کا متم:  $\overline{011011} = 100100$ 

دو سرے عبد د کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

آ حضری حساصل 1 کو باقی عسد دسے علیحسدہ کر کے اسے 1 کاوزن مختل کرکے ( یعنی اسس کو اکائی تصور کرکے )، دائیں چیہ ہت دسول پر مشتمل محب وعب 2010010 کے ساتھ جمع کرتے ہوئے جو اب حساصل کرتے ہیں۔

010010

$$\begin{array}{r}
 +1 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011
 \end{array}$$

(ب) متم <u>101001</u> = 010001 كودوسرے عبد د كے ساتھ جمع كرتے ہيں۔

= 010011 جونکہ آمنسری حسام سل صف رہے، اہنے المحبموعے کے متم = 010011 کے ساتھ مفی کی عسلامت پر پہال کر کے جواب  $= 010011_2$  سال کرتے ہیں۔

### ۲.۲ مثبت اور منفی اعب داد

روز مسرہ زندگی مسین مثبت اعبداد لکھتے ہوئے انہیں بغیبر کسی عسلامت کے، یا مثبت عسلامت (+) کے ساتھ لکھا حباتا ہے، البت منفی اعبداد کے ساتھ منفی عسلامت (-) ضرور لکھی حباتی ہے۔ یوں درج ذیل اعبداد درست لکھے ۲۰ بنیادی حساب

گئے ہیں۔

$$+3025$$
,  $3025$ ,  $-3025$ 

کی بھی عدد کے مثبت یا منفی ہونے کو اسس عدد کی عسلامت کہتے ہیں۔ یوں، وہ اعداد جو مثبت عسلامت (+) یا منفی عسلامت اعداد حسلامت احداد (-) رکھتے ہوں عسلامت وار اعداد کہلاتے ہیں، اور جن کی عسلامت نہ ہو بے عسلامت اعداد کہلاتے ہیں۔ اعداد کوان کی عسلامت اور تندرے ظاہر کرنے کو عسلامت داروت در اظہبار کہتے ہیں۔

کمپیوٹرشنائی اعبداد، 0 اور 1، استعال کرتاہے، اور ہر معلومات کو انہیں نے ظاہر کرتاہے۔ روایت آمثرت عملامت (+) کو 0 (صنعر) اور ننی عملامت (-) کو 1 (ایک) نے ظاہر کیا حباتا ہے۔ عملامت عمدہ کی بائیں حبانب کھی حباتی ہے۔ یوں 0+ کو حپار شنائی ہندسوں نے ظاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسہ مثبت عملامت (+) کو جبکہ باقی تین ہندے 0 کو ظاہر کریں گے۔ ای طسرح 0+ کو ظاہر کریں گے۔ ای کو جبکہ باقی سے سندسہ منی عملامت (-) کو جبکہ باقی سے ہندے 0+ کو طاہر کریں گے۔ ہوئے سامت ہندے 0+ کو طاہر کریں گے۔

$$\underbrace{0}_{+} \underbrace{1}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}_{-} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}$$

ایک دلچیپ حقیقت پر غور کریں۔اگر ہم 11012 مسیں بایاں ہندسہ عسلامت تصور کریں تب ہے۔  $-5_{10}$  کو ظاہر کرکے گا، لیکن اگر ہم حیاروں ہندسوں کو ایک عبد د تصور کریں تب ہے۔  $D_{13}$  یا  $D_{13}$  کو ظاہر کر تا ہے۔

سے حبانت اضروری ہے، آیاشت اُئی اعبد او کابایاں ہند سہ عسلامت کو ظاہر کرتا ہے یا ہے عدد کا حصہ ہے؛ ہے فیصلہ اعبد اواستعمال کرتے وقت آپ فیصلہ کرتے ہیں کہ عسلامت واریا ہے عسلامت (غنیسر عسلامت واریا ہے عسلامت واراعد اور غنیسر عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد کرتے ہیں کہ صف کو دو مختلف طسر لقول سے ظاہر کسیاحیا مکتا ہے، ان مسین ایک مثبت اور دوسرامنی ہے!

اسس حبدول مسیں حیار شنائی ہندسوں سے اعبداد کھے گئے؛ کمپیوٹر مسیں اعبداد، عسوماً، ایک بائٹ استعال کرتے ہوئے کھی حیاتا ہے۔ ایک بائٹ 8 شنائی ہندسوں کو کہتے ہیں۔ عسلامت دار اعبداد کو بائٹ مسیں کھتے ہوئے، دائیں سات ہندے عسدد کی وتدر جبکہ بایاں آحسری ہندسہ اسس کی عسلامت ظاہر کرے گا۔

 $00000101_2 = +5_{10}$   $01111111_2 = +127_{10}$   $10000101_2 = -5_{10}$   $11111111_2 = -127_{10}$   $00000000_2 = +0_{10}$   $10000000_2 = -0_{10}$ 

ان اعبداد مسین بھی مثبت اور منفی صف یایا گیا؛ روز مسرہ زندگی مسین صف کو ہم مثبت تصور کرتے ہیں۔

۲.۲. مثبت اور منفی اعب داد

## حبدول ۲:۱ چپارہند سوں کے عسلامت دار اعب داد

عسلامت دار	شنائي
$+7_{10}$	01112
$+6_{10}$	$0110_{2}$
$+5_{10}$	$0101_{2}$
$+4_{10}$	$0100_{2}$
$+3_{10}$	$0011_{2}$
$+2_{10}$	$0010_{2}$
$+1_{10}$	$0001_{2}$
$+0_{10}$	$0000_{2}$
$-0_{10}$	$1000_{2}$
$-1_{10}$	$1001_{2}$
$-2_{10}$	$1010_{2}$
$-3_{10}$	$1011_{2}$
$-4_{10}$	$1100_{2}$
$-5_{10}$	$1101_{2}$
$-6_{10}$	$1110_{2}$
$-7_{10}$	11112

باب۲. بنیادی حاب

حبدول ٢٠٢:عسلامت دارايك كالكمساء اور دوكالتكمساء اعسداد

عسلامت دار دو کا تکسله	عسلامت دارایک کاتکسله	عسلامت دار فت در	اعثاری عبد د
0111	0111	0111	+7
0110	0110	0110	+6
0101	0101	0101	+5
0100	0100	0100	+4
0011	0011	0011	+3
0010	0010	0010	+2
0001	0001	0001	+1
0000	0000	0000	+0
ن <sup>ې</sup> سىياياسا تا	1111	1000	-0
1111	1110	1001	-1
1110	1101	1010	-2
1101	1100	1011	-3
1100	1011	1100	-4
1011	1010	1101	-5
1010	1001	1110	-6
1001	1000	1111	-7
1000	ىنچى <u>ن</u> پاياحبا تا	ىنىپىياىسى باياسىيا تا مىلىرىيالىياسىياتىلىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىيىنىي	-8

اشٹ کچھ کہنے کے بعبد آپ کو بت اتا حیلوں کہ، کمپیوٹر مسیں منفی اعبداد کو عبدالمت دار وتبدر اظہبار مسیں نہمیں بلکہ عبدالمت دارو 1 کے تکمیا یا عبدالمت دارو 2 کے تکمیا نظام مسیں رکھا اور استعمال کیا حباتا ہے۔ ایکے حصہ مسین ان نظام پر غور ہوگا۔

## ٢.٧ عسلامت دارو تكميله نظام

کمپیوٹر مسیں عبد دی بر قبیات کی مدد سے اعب او جمع یا منفی کیے حباتے ہیں۔ ب اعمال اساسی تکما ہیا اساس منفی ایک کا تکما ہ (حصہ ۲۰۲۱ اور حصہ ۵۰۲ دیکھییں) استعمال کرتے ہوئے زیادہ خوسش اسلوبی سے سسر انحبام دیے حباتے ہیں۔

کمپیوٹر چونکہ شنائی اعبداد استعمال کرتاہے، ابلیہ زااسس مسیں منفی اعبداد 1 کے تکمیاریا 2 کے تکمیارہ مسیں کھے حباتے ہیں۔ حبدول ۲۰۲ مسیں حپارشنائی ہندی (حپاریٹ) عملامت دار اعبداد کا 1 کا تکمیار اور 2 کا تکمیار روپ پیش کیا ہے۔ گیا ہے۔

حبدول ۲.۲ سے آپ دیکھ سے ہیں کہ مثبت عسد د، شنائی ہند سول مسین ایک ہی طسریق ہے کھا حب تاہے، جب کہ منفی عسد د تین طسریقوں سے لکھا حب سکتا ہے۔ ہول شیسنول طسریقول مسین مثبت عسد د کوسادہ شنائی عسد د کھیں۔

منتی عدد x-2 وعسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین کھنے کی مناطسر x+2 وعسلامت دارشنائی عدد (لیمنی سادہ شنائی اوپ مسین) کھے کر اسس کا 2 کا تکمیلہ لیں بیادرہ کہ 2 کا تکمیلہ ساصل کرتے ہوئے شنائی عدد کے ہر ہسند سه (بہت عسلامتی بٹ) کا متم لین ہوگا۔ یوں 5 – کو عسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین لکھنے کی مناطسر 5+ کو 1010 کھے کردوکا تکمیلہ لیں جو در کارروپ 1011 دے گا۔

# إ\_\_\_

# بوولين الجبرا

بوولین الجبرا انگلتان کے ریاضی دان حبارج بوولی کے نام سے حبانا حباتا ہے، حبنہوں نے اسس الجبرا کو دریافت کیا۔ بوولین الجبرا ذہنی سوچ یعنی منطق کو الجبرائی روپ مسیں لکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اسس لئے حید رانی کی بات نہیں کہ کمپیوٹر اسی کو استعمال کرتا ہے۔

# ا. ۳ بوولین الجبراکے بنیادی تصورات

عام الجبرامسين متغيرات استعال كرتے ہوئے تصور كياحباتا ہے كہ ان كى قيت كچھ بھى ہوسكتى ہے۔ مشلاً، تغساعسل z=f(x,y) ، ورج ورج ورج ورج ورج مسين متغيرات كى چند مكت قيمسين ورج ذيل ہيں۔

x	у	
0	0	0
1	2	5
2	1	4
3	2	7
2	2	6 5
3	1	5

اس تفعل جس کوایک نامکسل حبدول کے روپ مسیں پیش کیا گیا ہے کا الجبرائی روپ درج ذیل ہے۔

$$z = x + 2y$$

اسس کے برعکس، بوولین الجبرامسیں متغیبرات کی صرف دو ممکن قیمتیں ہیں۔ان دو قیمتوں کو عصوماً 0 (صفسر)اور 1 (ایک) سے ظاہر کسیاحباتا ہے۔ بوولین تنساعسل کی چہند مشالوں پرغور کرتے ہیں۔ بالمستبر يوولين الجبرا

X	Υ	
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

حبدول السنز دومتغب منطقی ضرب

#### ا.۱.۱ منطقی ضرب

تصور کریں X اور Y آزاد پوولین متغیبرات ہیں، جب کہ Z ان کا تائع پوولین متغیبر ہے، لہذا اسس کی مکن قیتیں صرف D اور D ہیں۔ ای طسرح D بھی پوولین متغیبر ہے، لہذا اسس کی قیت D قیت D بھی صرف D اور D ہوگین متغیبر D بھی پوولین متغیبر ہے۔ اسس طسرح اگر جہ اسس کی قیت D اور D کی تائع ہے، اسس کے باوجود D کی قیت صرف D یا D بی ہوگیا ہے۔ متغیبرات D اور D درج ذیل حہار ممکن D تتب میں یائے جب سے ہیں۔

X	Υ
0	0
0	1
1	0
_1	1

ان حیار مکن صور توں میں ک کی قیم 0 یا 1 ہوگا۔

آئیں، جبدول ۱.۳ امسیں پیش کے گئے منطقی تف عسل پر غور کرتے ہیں جس کی تمام ممکنہ قیمتیں اسس جدول مسیں دی گئی ہیں۔ اسس مشال مسیں تائع متغیر Z کی قیمت صرف اسس وقت 1 ہجب X اور Y دونوں کی قیمت X ہے۔ یکی قیمتیں X اور Y کی ادر X کی ادر X کی کے بھی میں اسل ہوتی ہیں (ذیل دیکھیں)۔

$$0 \cdot 0 = 0$$
$$0 \cdot 1 = 0$$
$$1 \cdot 0 = 0$$

 $1 \cdot 1 = 1$ 

ای کی بن پر حبدول ۱٫۳ امسیں پیش تف عسل (اور عمسل) کو بوولین ضرب یا منطق ضرب کہتے ہیں۔ بوولین ضرب کو آزاد متغیبرات کے درمیان نقط۔" · "سے یا آزاد متغیبرات کو تشریب متسریب لکھنے سے ظاہر کمیاحبا تا ہے۔ یوں بوولین ضرب درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$Z=X\cdot Y$$
  $(Y_{\cdot,0})$   $Z=XY$  (بوولين خرب  $Z=XY$ 

$\overline{A}$	В	С	
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

حبدول ۲.۳: تین متغیب ربوولین ضر ب

منطقی ضرب کے تصور کو وسعت دے کر متعد د آزاد متغب رات کے لئے بیان کیا حب سکتا ہے۔ منطقی ضرب کی عصومی تعسریف پیش کرتے ہیں۔ تعسریف پیش کرتے ہیں۔

توسريف: منطق ضرب اسس صورت 1 ديگاجب تسام آزاد متغيرات كي تيت 1 بو

حبدول ۲۰۳۷ کو مشال بناتے ہیں۔ اسس طسرح کے حبدول مسیں آزاد متغیبرات کی تمسام ممکنات لکھنے (یعنی آزاد متغیبرات کے مشال بناتے ہیں۔ اسس طسر مداحشل XX کو شنائی عبدد کے ہندہے تصور کر کے، حبدول کے مطاوب حنانوں مسیں صفر (00) تا تین (11) گستی کھیں۔ یوں پہلے صف مسیں XX کی جگہ 00 ،دوسری صف میں 10 ، تیسرے مسیں 10 اور آحسری مسیں 11 کھی حبائے گا۔

تین آزاد متغیرات کے منطق خرب نتاعل ABC کو جدول ۲۰۳۲ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ آپ دکیھ کے اتب دکیھ کئی ہے۔ آپ دکیھ کئے ہے (جو تین کسے ہیں کہ حبدول کے تین مداحنل کے حنانوں مسیں صف (000) تاسات (111) گسنتی کسی گئی ہے (جو تین ہددول کے شنائی اعدداد ہیں)۔

### ۳.۱.۲ منطقی جمع

حبدول ۳۳ اور حبدول ۳۳ مک اولین تین نستانگا ایک جیدے ہیں۔اسس مضابہت کی بناحبدول ۳۳ مسیں دیے گئے بوولین تقاعسل کو بوولین جمع یا منطقی جمع کہتے ہیں اور اسس بوولین تفساعسل کو جمع کے نشان " + " سے ہی ظاہر کسیا حباتا ہے۔یوں ۱۸ پوولین الجرا

X	Υ	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	2

X	Υ	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

حبدول ۴. ۳: دوشنائی اعبداد کاساده مجسوعی

جبد ول ٣٠,٣: دومتغير منطقي جمع

A	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

 $\begin{array}{c|c} X \mid Z \\ \hline 0 \mid 1 \\ 1 \mid 0 \end{array}$ 

حبدول ۲ بس: منطقی نفی یامتم

ب دول ۳.۵: تین متغب رمنطقی جمع

حب ول ۳٫۳ مسیں پیش بوولین جمع تف عسل درج ذیل لکھیا حسائے گا۔

(پوولین جمع)

$$(r.r) Z = X + Y$$

یہ بوولین نق<sup>ع</sup>ل کی مساوات ہے جس کو عسام الجبرائی جمع ہر گزن۔ سمجھا حبائے۔ بالخصوص، بوولین جمع کرتے وقت یاد رہے کہ 1 + 1 + 1 ہے۔

بوولین جمع کے تصور کو وسعت دے کر متعدد آزاد متغیرات کے لئے بیان کیا حبا سکتا ہے۔ بوولین جمع کی عصومی تعسرین درج ذیل ہے۔

تعسریف: منطقی جمع اسس صورت 1 دیگاجب آزاد متغیرات مسین کم سے کم ایک متغیر کی قیمت 1 ہو۔

تین متغیبہ منطق جمع تف عسل کے Z = A + B + C جبدول ۵.۳ مسیں پیش کی آزاد متغیبہ منطق جمع تف عسل کے تین آزاد متغیبہ رات کے منطق جمع کا الجمرائی جمع کے ساتھ کوئی تعساق نہیں۔ یہاں جمع کی عسلامت بودلین جمع کو ظاہر کرتی ہے لہذا یہاں 1+1+1 ہوگا۔

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	$B \mid$	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حبدول ۸ سازتین متغیب ربوولین ملاث رک یجمع

حبدول ۷ سا: دومتغب رمنطقی بلاست رکت جمع

# ۳.۱.۳ منطقی نفی

بوولین تف عسل Z=f(X) کو تیسری مثال سے ہیں جہاں آزاد متغیر X اور تائع متغیر Z کا تعساق حبدول ۱۳۰۳ مسین پیش کیا گیا ہے۔

اسس تف عسل کو پوولین نفی کہتے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ در حقیقت، تابع متغیبر Z ، آزاد متغیبر کامتم ہے۔ یوں پوولین نفی درج ذیل ککھ حب اسکا ہے۔

$$(y,y)$$
  $Z=\overline{X}$   $(y,y)$   $Z=\overline{X}$   $(y,y)$ 

بوولین نفی صرف ایک آزاد متغیر کے لئے بیان کیا حباسکتا ہے، اور اسس کی تعسریف درج ذیل ہے۔ تعسریف: بوولین نفی آزاد متغیر کامتم دیت ہے۔

#### ۳.۱.۴ منطقی بلات رکت جمع

دو آزاد متغیبرات کاایب بودلین تف عسل حبدول ۲۰۳۰ مسیں دکھیایا گیا ہے، جس کا تائع متغیبراسس صورت 1 ہے جب صرف ایک آزاد متغیبرات دومتغیبرات بعیبرات تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔ تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔

تعسریف: طاق تعبداد کے آزاد متغیرات 1 ہونے کی صورت میں بودلین بلاشرک کا تائع متغیر 1 ہوگا۔

تین آزاد متغیر بلاشر کے جمع تفاعل کوحید دل ۸۰۳مسیں پیش کیا گیاہے۔

يا سير يوولين الجرا

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	В	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حبدول ۱۰ اس: تین متغیر بوولین ضید بلات رکت جمع

حبدول ۹ .۳: دومتغب رمنطقی ضد بلات رکت جمع

دواور تین آزاد متغیب ربوولین بلاسشر ک<u>ب</u> کی مساوا<u>ب</u> درج ذیل ہول گی۔

$$Z=A\oplus B$$
 (۴.۴) (۳.۴)  $(z^2-z^3)$   $(z^3-z^4)$   $(z^3-z^4)$   $(z^3-z^4)$   $(z^3-z^4)$   $(z^3-z^4)$   $(z^3-z^4)$   $(z^3-z^4)$ 

### ۳.۱.۵ منطقی ضد بلات رکت جمع

بوولین بلا شرکت جمع نف عسل کانفی ( یعنی متم) اینے سے بوولین ضد بلا مشرکت جمع حسامسل ہو گا، جو دو اور تین آزاد متغیبرات کے لئے درج ذیل لکھا حساتا ہے۔

$$Z=\overline{A\oplus B}$$
  $Z=\overline{A\oplus B\oplus C}$  (تين متخب منطق ضر بايا شرکت تن

حبدول ۷.۳ اور حبدول ۸.۳ مسیں تابع متغیب رنفی کرنے ہے بالت رتیب دو اور تین بودلین ضد بلا سشر ک۔ تف عسل حسامسل ہوں گے جنہ میں حبدول ۱۹٫۳ اور حب ول ۱۰٫۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔

# ۳.۲ برقی تارول مسیں جوڑ کی وضاحت

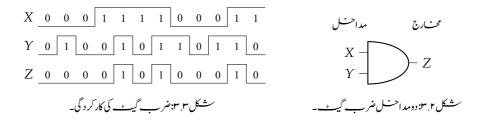
شکل ۱۰ اپر غور کریں جس مسیں برقی تاروں کے پہوڑ کی وضاحت کی گئی ہے۔

جہاں ایک تار دوسسری تار کے اوپر سے گزرتی ہو اور دونوں آپس مسین حبٹری ہوں، وہاں جوڑ کے معتام پر نقطے کانشان لگایا حباتا ہے۔ایک صورت مسین انہیں ایک تار تصور کیا جبائے۔

جہاں تاریں آپس مسیں حبٹری نے ہوں وہاں انہیں بغیبر نقطے کے نشان سے ایک دوسسری کے اوپر سے گزر تا د کھایا حباتا ہے۔ نقطے کے نشان کی غیب موجود گی مسین ان تارول کو دوعلیحہ داور بلاجوڑ تاریں سسجھاحبائے۔

تیب ری صورت بھی سشکل مسیں و کھائی گئی ہے جہاں عناط قبھی کا امکان نہیں پایا جباتا۔اسس مسیں ایک تار کا سسر دوسسری تار پر حستم ہو تا ہے۔ایی صورت مسیں انہیں ایک تار تصور کسیا حبائے ( یعنی بید دونوں آ لیس مسیں حبٹری ہیں)۔ 

شکل است: تاروں کے پیچر قی جو ڑ۔



### ۳.۳ عبد دی گیب 🚅

بوولین الجبرائے تین اہم ترین تف عسل پر حسب ۱٫۳ مسیں غور کسیا گسیا۔ سیہ تف عسلات عسد دی برقسیات مسیں کلسیدی کردار ادا کرتے ہیں، جبال انہسیں عسد دی ادوار کی مدد سے حبامہ پہنایا حباتا ہے۔ سیہ مخصوص عسد دی ادوار، عسد دی گیٹ کہلاتے ہیں۔

#### ۳.۳.۱ ضر گیٹ

منطق (بوولین) ضرب تف عسل کو ضرب گیٹ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جو مشکل ۲.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ آزاد متغیبرات، X اور Y ، ضرب گیٹ کی ہائیں حبانب ہیں جبکہ تائع متغیبر، Z ، دائیں حبانب ہے۔ آزاد متغیبرات کومداحشل جبکہ تائع متغیبر کو محسارج کہتے ہیں۔ دومتغیبر ضرب گیٹ (دومداحشل ضرب گیٹ) کے دو مداحشل اور ایک محسارج ہوگا۔ گیٹ، ضرب تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

شکل ۳.۳ مسیں دومداحنل ضرب گیٹ کی کار کردگی ترسیم کی گئی ہے، جہاں 0 کوپست اور 1 کوبلٹ دککسیرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ آپ و کیلی سے بین کہ محنارج صوف اور صوف اسس صورت بلند ہوتا ہے جب ضرب گیٹ کے تیس مداحنل بلند ہوں۔ ہم 0 کوپست اور 1 کوبلٹ بھی پکارتے ہیں۔ اسس مشکل مسین مداحنل کو کسی حناص ترتیب سے تیب دیل نہیں کہیا گیا۔

ضرب گیٹ کو مشکل ۳.۳ مسیں بطور عددی گیٹ یاعددی سونگی دکھسایا گیا ہے جہاں ایک داختلی پنیا کو ت ابو پنیا کا منام دیا گیا ہے جہاں ایک داختل پنیا کو ت ابو پنیا کا نام دیا گیا ہے جہاں ایک دوسرے کو (اب بھی) مداختل کہا گیا ہے۔ ضرب گیٹ کے حبدول سے واضح ہے کہ جب تک وت ابو پنیا 0 ہو، حنارتی پنیا 0 رہتا ہے۔ اسس صورت مسیں مداختل پر موجود مواد، حنارتی پنیا تک جب شہیں بھی تا گئی ملا، لینی اسس پر 0 یا 1 کا محنارج پر کوئی اثر نہیں ہو تا؛ ہم کہتے ہیں وت بو پنیا نے ضرب گیٹ کو معدور کر دیا داسس کے بر عکس اگر وت بو پنیا 1 ہوت دنارتی پنیا پر وہی کچھ ہوگا جو مداختل پر ہوگا؛ ہم کہتے ہیں ضرب گیٹ محباز کر دیا گیا ہے۔ وت ابو پنیا پر ایک یا صفحت سے داختلی اسٹارہ (مواد) کو حنارتی پنیا تک پنیا تا مسکن بینا المسکن بسنایا حباسا کا

بالب سربوولين الجبرا



### شکل ۲۲. ۲۳: ضر \_ گیٹ بطور سورنج ماایک بٹ گیٹ۔

	J.	ىنە	•	محباز			معسذور					
<b>ت</b> ابو	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0
مداحنل	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0
محنارج	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0
ششکل ۳۰: ضرب گیب کی کار کر دگی۔												

ہے۔ یوں پ ایک دروازے کی طسرح کام کرتاہے، جس کی بنا پر پ گیٹ کہا تا ہے۔ ت ابوپنیا کو، معد ور اور محباز سنانے والا پنیا بھی کہتے ہیں۔ شکل ۵.۳ مسیں ضرب گیٹ کی کارکردگی دکھائی گئی ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ صرف محباز صورت مسیں مواد محنارج تک پہنچ یا تاہے؛معبذ ور صورت مسیں محنارج ہمیث پیت رہے گا۔

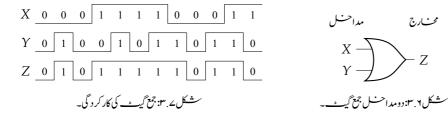
#### ۳.۳.۲ جمع گیٹ

محنارج

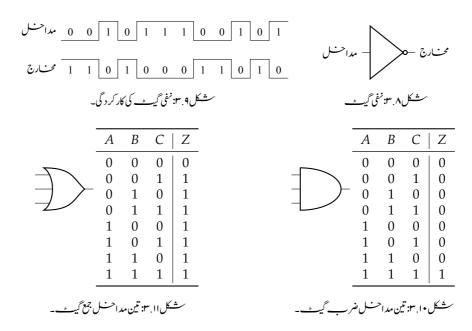
منطق جع (بوولین جمع)تف عسل کو جمع گیٹ ہے عمسلی حسامع پہنایاحہا تا ہے۔ دومداحسٰل جمع گیٹ شکل ۲٫۳ مسیں د کھسایا گیاہے۔ یہ گیٹ، جمع تف عسل کے حبدول کومطمئن کرتاہے۔

جمع گیٹ کی کار کر د گی شکل ۲۰۰ مسیں تر سیم کی گئی ہے۔ آپ د کچھ سے ہیں، جمع گیٹ کاممنارج اُسس صورت بلند ہوگا جب كوئي مداحن لبن د ہو۔

جمع گیٹ مسیں اگرایک پنیا کو ت ابوپنیا سسجھا حبائے توپیت مت ابو، گیٹ کو محباز بن اکر، داحنلی مواد کو محنارج تک پہنچنے کی احبازے دیتا ہے، جب بلٹ دت ابو کی صورت مٹیں محنارج لاز مأبلٹ درہتا ہے۔



٣٣.عــد دي گيــنــ



#### ۳.۳.۳ نفی گیٹ

منی تف عسل کو منی گیہ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جس کی عسلامت مشکل ۸.۳ مسیں و کھائی گئی ہے، اور جو مواد کو محسان تاہے۔ اسس کی کارکر د گل مشکل ۹.۳ مسیں ترسیم کی گئی ہے۔ آپ و کچھ سکتے ہیں، منی گیٹ کا محسان تاسس کے مداحسل کا اُلٹ ہوگا۔ یہ گیٹ منی تفاعسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔ ۔

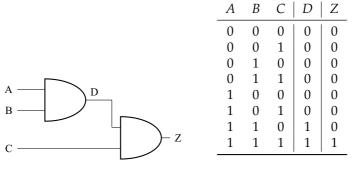
تنی تف عسل ایک آزاد اور ایک تائع متغیر رکھتا ہے، اہنے انفی گیٹ کا ایک مداحسٰل اور ایک محسارج ہوگا۔

#### ۳.۳.۴ متعددمداحنل گیٹ

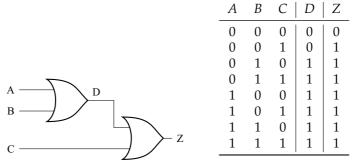
ضرب گیٹ اور جمع گیٹ کے متعد د مداخشل ہو سکتے ہیں (تاہم ،ان کا محنار ن آیک ہوگا)۔ شکل ۱۰ امسیں تین مداخشل مخرب گیٹ اور حبدول ، گھر ، المسیں تین مداخشل بحق گیٹ اور حبدول دکھائے گئے ہیں، جبال A ، اور ک مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل بلت موں ، جبکہ مداخشل بلت ہوں ، جبکہ بھی گیٹ کامختار ن اسس صورت بلت ہوگاجے کوئی بھی مداخشل بلت ہو۔

شکل ۱۲.۳ مسیں دو ضرب گیٹ یوں جوڑے گئے ہیں کہ ایک کا محتارج دوسرے کے مداحنل سے حبر اُ ہے۔ ساتھ کا کواسس دور کا بولود لین حبد ول دیا گیا ہے۔ پہلے حبد ول استعال کے بغیبر اسس دور کو سیجھنے کی کوشش کرتے ہیں۔ محتارج کا اسس صورت بلند ہو گاجب دائیں گیٹ کے مداحنل C اور D دونوں بلند ہوں لیکن D بلند ہونے کے ضروری ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل A اور B دونوں بلند ہوں ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل میں محتارج کے مداحن کے مداحن کے مداحن کے مداحت کے مداحت کے مداحت کی صورت مسین محتارج کے کہ بائیں گیٹ مداحت کے مداحت کی حیات ہے۔

٣٨ پيرولين الجبرا



شکل ۱۲ سے: دومداحنل ضرب گیٹ سے تین مداحنل ضرب گیٹ کا حصول۔

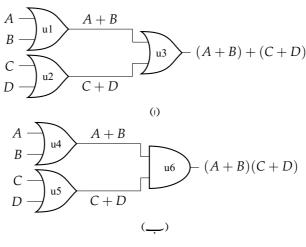


شکل ۱۳ برومداخنل جمع گیٹ سے تین مداخنل جمع گیٹ کاحصول۔

آئیں اب حبدول کو مسیحتے ہیں۔ تین مداحن ABC کے حنانوں کو تین ہند موں کے شنائی اعمداد 000 تا 111 کے گریں۔ اس کے بعد بائیں ضرب گیٹ کے محناری D کے حنانی پُر کریں۔ یاد رہے کہ سے صرف A اور B پر مخصر ہے اور صوف اسس صورت بلند ہوگا۔ اسس کے بعد دائیں ضرب گیٹ کے محناری Z کے حنانے پُر کریں۔ سے صرف C اور D پر مخصر ہے ، اور بلند صرف اسس صورت ہوگا۔ سے مورت ہوگا۔ س

سٹکل ۱۳.۳ مسیں دو مداحنل جمع گیٹوں سے تین مداحنل جمع گیٹ کا حصول دکھیایا گیا ہے۔ یہاں Z صرف اسس صورت پہت ہوگا جہت  ہے۔

٣.٣ عبد دی گیٹ



<u> مشکل ۱۳ ابت: جمع اور ضر کے ادوار۔</u>

جمع گیٹ اور ضرب گیٹ پر مسبنی، شکل ۳۴، ۱۳ امسیں د کھائے گئے ادوار کو مشال بن کر،عد دی ادوار حسل کرنا سیکھتے ہیں۔

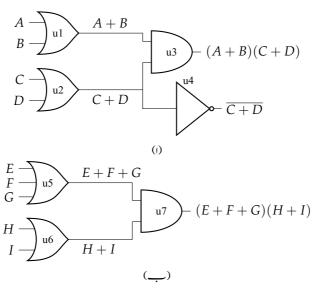
آئیں اب شکل ۱۳۰۳ – سل ہیں۔ یہاں 4u اور u5 کو نارج بالت رتیب A+B اور C+D دیں گے۔ چونکہ کال خرب گیٹ ہے، لہندا اسس کامختاری (A+B)(C+D) دیگا۔

آپ شکل ۱۵٫۳ - ب کاحسل، شکل کود کیر کر سجھ کتے ہیں۔

# ۳.۳.۵ ضرب متم گیٹ اور جمع متم گیٹ

شکل ۱۹.۳-الف میں تین مداحسل ضرب گیٹ کامحساری ABC ہوگا،جو نفی گیٹ کامداحسل ہے، اہنے انفی گیٹ کامحساری کی مداحسل کے لئے علیحہ و گیٹ بین اور جو شکل سیس نین مداحسل کے لئے) و کھا یا گیا ہے۔ ضرب متم گیٹ کے حبدول کامتم کینے سے ضرب متم گیٹ کے حبدول کامتم کینے سے ضرب متم گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای شکل مسین پیش کیسا گیا ہے۔

سب. بوولين الجبرا باب سب. بوولين الجبرا



مشکل ۱۵ بس: گیپٹوں کادوسسرادور۔

$$Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$$
 دومداخت ن خرب متم گیند کی مصاوات درن ذیل ہوگی، جہاں  $X$  اور  $Y$  مداخت ن جب کہ کاری ہے۔  $Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$ 

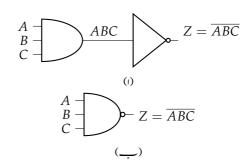
شکل ۱۲-۱-الف میں تین مداحن جمع گیٹ کا محنارج کا جمنارج کا جمنارج کا مجاوا ہو نفی گیٹ کامداحن ہے، اہندا نفی گیٹ کا محنارج کا محمارج کا محنارج کا محنارج کا محمارج کی محمارج کا محمارج کی محمارج کی محمار کی مح

دومدا حسٰل جمع متم گیٹ کی مساوات درج ذیل ہو گی، جہاں X اور Y مداحسنل جب کے مضارح ہے۔

$$(r.2) \hspace{1cm} Z = \overline{X + Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y} \hspace{1cm} (\rho^{z_0} \partial_z^z)$$

 ۳.۳ عبد دی گیٹ

$\overline{A}$	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

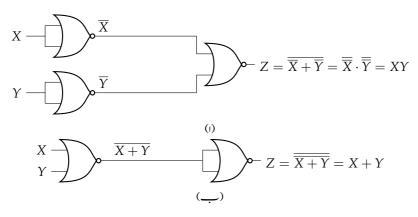
$$\begin{array}{c}
A \\
B \\
C
\end{array}$$

$$A + B + C$$

$$A = A + B + C$$

$$C = A + B + C$$

۳۸ باب س. بيولين الجبرا



شکل ۱۹ به: جمع متم سے (۱) ضرب گیٹ اور (ب) جمع گیٹ کا حصول۔

شکل ۱۹٫۳-الف مسیں تین جمع متم گیٹ یول جوڑے گئے ہیں کہ XY = Z حساسل ہو، جو ضرب گیٹ کی کار کر د گی ہے۔ یول جمع متم گیٹول سے ضرب گیٹ حساصل ہوگا۔

شکل ۱۹.۳ - ب مسین جمع گیٹ کا حصول د کھایا گیا ہے۔ اسس کامخنارج Z=X+Y ہے۔

شکل ۲۰٫۳ مسیں ضرب متم گیٹ سے (۱) جمع گیٹ اور (ب) ضرب گیٹ کا حصول د کھایا گیاہے۔

### ۳.۳.۲ بلا شرکت جمع گیٹ اور بلا شپرکت جمع متم گیٹ

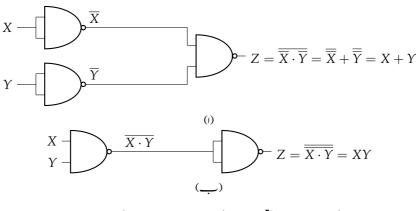
بلا شرک جع تف عسل کو بلا شرک جمع گین سے حساس کیا جباتا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہے، مشکل ۲۰۱۳-الف مسیں پیشس کے گئے ہیں۔ای طسر ک بلا شرک جمع متم (یاضد بلا شرک جمع) تف عسل کو بلا شرک جمع متم گین (یاضد بلا شرک جمع کی مدوے حساس کیا حب تا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہیں۔

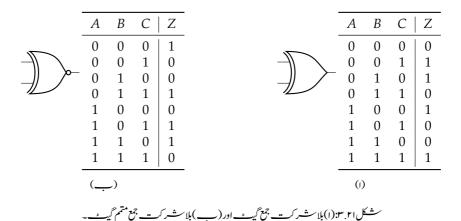
بلا سشرکت جمع گیٹ کے محتارج کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کرنے سے بلاسشرکت جمع متم گیٹ حساس کسیا حباسکتا ہے۔ بلاسشرکت جمع گیٹ کی کارکرد گی مشکل ۲۲٫۳ مسیں وکھائی گئی ہے، جہاں X اور Y مداحشل جبکہ Z محتارج ہے۔

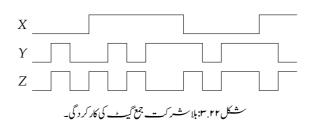
تین مداحنل بلا سشرکت بھٹ گیٹ کا محنارج حسامسل کرنے کے لئے اسس کے کمی دو مداحنل کا بلا سشرکت بھٹ حسامسل کریں اور حسامسل جواب کا تیسرے مداحنل کے ساتھ بلا ششرکت جع لیں۔ یمی بلا سشرکت جع ہو گا۔متعدد مداحشل بلاسشرکت بھٹا گیٹ کامحنارج اسس صورت بلند ہوگاجیب بلندمداحشل کی تعداد طساق ہو۔

آ ہے ہے گزار ش ہے کہ مذکورہ بالا تف عسلات اور گیپٹول کوا چھی طسرح مستجھیں اور ذہن نشین کریں۔

۳٫۳ عـــد دی گیــنــ







۲۰ باب س. بوولین الجبرا

# ہ سے برقی خواص

گیٹ (کا محنارج) اسس صورت بلند تصور کیا جباتا ہے جب اسس (کے محنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے زیادہ ہو۔ سے قیمت بلند حنار جی برقی دباو  $V_{\rm OH}$  کہا تی ہے۔ بلند صورت مسیس گیٹ محنارجی پنے پرایک مخصوص قیمت تا برقی روحنارجی (مہیا) کر سکتا ہے ،جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (مہیا) کر سکتا ہے ،جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان کی بیان کی بیان کی بیان کے بیان کی ن کی بیان کی بی

گیٹ (کامخنارج) اسس صورت پیت تصور کسیاحباتا ہے جب اسس (کے مخنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے کم ہو۔ سے قیمت پنے پر ایک مخصوص قیمت یا اسس سے کم ہو۔ سے قیمت پنے پر ایک مخصوص قیمت تا برقی رو ایک کہا تا ہے۔ قیمت تک برقی رو حب نے برگارے کی ایک سے حضار تی برقی رو ایک کہا تا ہے۔

 $V_{IH}$  گیٹ ایک مخصوص قیمت اور اسس سے زیادہ داختلی برقی دباو کوبلٹ د تصور کرتا ہے۔ اسس برقی دباو کوبلٹ د داختلی برقی دباو کہتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کارٹی کی حن طب در کار برقی رو کوبلٹ د داختلی برقی رو کاربر کی میں۔

 $V_{IL}$  گیٹ ایک مخصوص قیت اور اسس سے کم داخنلی برتی دباو کو پست تصور کرتا ہے۔ اسس قیت کو پست داخنلی برتی دباو  $I_{IL}$  کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ گیٹ کی کی کاطب ردر کاربرتی رو کویست داخنلی برتی رو  $I_{IL}$  کتے ہیں۔

گیٹوں کو آپس مسیں برقی تاروں ہے جوڑا حباتا ہے۔ کبھی کبھار ان تاروں مسیں، حبائے استعال پرپائے حبانے والے تغییر پذیر برقی ومقت طبیعی میدان کی وحب ہے، غییر ضروری اور ناپسندید ہرتی دباوپیدا ہوتا ہے جے برقی شور کہتے ہیں۔ ایک گیٹ کے پیت حنار جی برقی دباوے ساتھ ہے۔ شور جمع ہو کرا گلے گیٹ کے پیت داحنی برقی دباوے تحباوز کر سکتا ہے۔ ای طسر ح برقی شور بلند حنار جی برقی دباوے نفی ہو کر بلند داحنلی برقی دباوے کم ہو سکتا ہے۔ ان دونوں صور توں مسیں اگلا گیٹ غیسر متوقع نتار کجور کلا۔

 $V_{NH}$  بلند حنار تی برقی دباوکی قیست، بلند داحنلی برقی دباوکی قیست سے زیادہ ہوتی ہے۔ ان کے منسرق کو بلند شور گنجب کشش  $V_{NH}$  کتے ہیں (مشکل ۲۳۳۳ میکسیں)۔

$$(r.\Lambda)$$
  $V_{NH} = V_{OH} - V_{IH}$ 

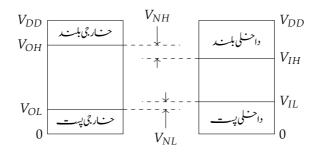
 $V_{NL}$  پ سے حضار جی برقی دباو کی قیمیں، پ سے داحنی برقی دباو کی قیمیں ہے کم ہوتی ہے۔ ان کے مضرق کو پ سے شور گنج اکٹس  $V_{NL}$ 

$$V_{NL} = V_{IL} - V_{OL}$$

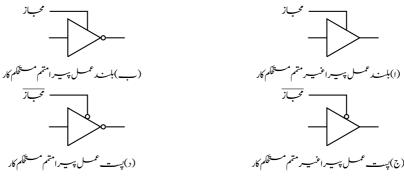
سشکل ۲۳.۳ مسیں  $V_{DD}$  گیٹ کو مہیا کردہ برقی دباوہ جے جے اسس کتاب مسیں مثبت پانچ وولٹ  $(5\,\mathrm{V})$  تصور کیا گیا ہے جبکہ 0 سے مسراد صغف روولٹ برقی دباو (لیخی برقی دباو (لیخی برقی دباو کھی برقی دباو کھی کے۔

پ سے داحنی برقی دباو اور بلند داحنل برقی دباوے نج سعت (  $V_{IH}$  تا  $V_{IL}$ ) معنی نہیں رکھت اور غیب رمتوقع صور سے پیدا کر سکتا ہے ، لہذاء سد دی احضارات اس خطہ کو استعمال نہیں کرتے۔ گیٹ اپنے محناری کو تب تک بلند رکھ سکتا ہے جب تک سے دری ابنی ) بلند د حناری برقی روحہ پیا کر تا ہو۔ ای طسر ت گیٹ اپنے محناری تب تک پیت رکھ سکتا ہے جب تک گیٹ (اپنی) پست حناری برقی روحہ پیا اس سے کم روحب ذب کرے۔ ایے معتام کر جہاں گیٹ ان حدود کے اندر نے رہ سے ، ایسا تو انا گیٹ نسب کسیاحبائے گاجوزیادہ برقی روحناری یا (اور) حبذ ب کر سے۔ سے تو انا گیٹ اسٹ کے دیے تو کر کے ہیں۔

٣٠٣ گيڻوں کے برقی خواص



شکل ۲۳ به: شور کی گنجائث کا تخمین۔



شکل ۲۲ ابنا: محساز ومعسذ ورصالاحیت کے مستحکم کار۔

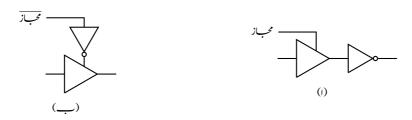
### .۴.۴ مستحکم کار

جیااذ کر ہو،امستخلم کاروہ تواناگیٹ ہے جو زیادہ برقی روحنارج اور حبذ بر سکتا ہے۔اسے عصوماً اسس معتام پرنسب کیا حباتا ہے جہاں در کاربرقی روعنام گیٹ کے برقی روکی حسدود سے تحباوز کرتا ہو۔عصوماً مستخلم کار محباز و معنذور ہونے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔

مستقکم کار کی مختلف اقسام کی عسلامتیں شکل ۲۴٫۳ مسیں دکھائی گئی ہیں۔ مجباز کردہ مستقکم کار، داحسنی مواد کو حسارج کر تا ہے جبکہ معسنہ ور کر دہ مستقلم کار منقطع سونچ کی طسرح دونوں اطسران کے ادوار منقطع کر تا ہے۔معسنہ در مستقلم کار "زیادہ رکاوٹی حسال" اختیار کرتے ہوئے نے 0 اور سے 1 حسارج کرتا ہے۔

محباز ومعنے در صلاحیت کے مستخلم کار بطور برقی سونگی کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۴۳۳ ااور بے کے مستخلم کار کو منقطع کرنے کی حناطب ("محباز"کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا۔ شکل – ن اور د مسیں مستخلم کار کے محنار ن کو مداحن کے منقطع کرنے کی حناطب ر تجباز برقی احضارہ کو بلند کسیا حبائے گا۔ مسزید، شکل ب اور د

الب ٣٠ بوولين الجبرا



مشکل ۲۵ به: نفی گیٹ استعال کرنے سے دیگر مستحکم کار ساسس کیے حباتے ہیں۔

مسیں مینارج پرداحنلی اسٹارے کامتم ساسل ہوگا۔ انہیں وجوہات کی بینا پر شکل ۲۴،۳ اکادور بلند علی پیرا غیر متم متحکم کارا، شکل - ببند علی پیرا متم متحکم کارا، شکل ج پیرا غیر متم متحکم کارا، اور شکل - دیست علی پیرا متم متحکم کارا، سات ہیں۔

شکل ۲۲.۳ - الف کے مستخکم کار کے محسان کو نفی گیٹ سے منسلک کر کے شکل - ب کا مستخکم کار حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - الف دیکھیں) جس کا محسارج داحسنی احسارے کا متم ہو گا۔ ای طسرح شکل ۲۴.۳ - الف کے صابواٹ رہ (محباز) سے پہلے نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل ج حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - بدیکھیں)۔ شکل ۲۲.۳ - الف کے صابواٹ ارد (محباز) سے پہلے اور محسار ج کے بعد نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل درساسسل ہوگا۔

بلند عمسل پیپراغنی مستحکم کار (شکل ۲۴.۳ - الف) کی کار کرد گی حید ول ۱۱.۳ - الف مسین پیش کی گئی ہے۔ غیبر محباز مستحکم کار کا محساری "بلند رکاوٹی حیال "مسین ہوگا۔ حید ول - الف کی اولین دوصف اسس صورت کو ظاہر کرتی این؛ چونکہ غیبر محباز حسال مسین مداحسل کی قیمت نشائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حید ول مسین برسے ظاہر کسیا ؟ حیاتا ہے (جب ول مسین برسی مداحسل کی قیمت نشائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حید ول مسین برسی کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا ہے (جب ول میں کا ہوئے کا کوئی اثر نہیں پایا حیاتا کی حیاتا کی انہیں برسی کا کوئی اثر نہیں پایا

حبدول سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ "محباز" کو پیت (0) کرنے سے مستحکم کاربلٹ درکاوٹی حسال اختیار کر کے، محسارج سے حسارج پر وہی مواد حسارج ہوگا جو مداحسل پر مہیا کی حبائے۔ حبائے۔ حبائے۔

active high non inverting buffer active high inverting buffer

active low non inverting buffer

active low inverting buffer

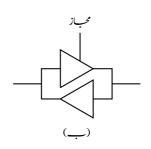
۸ بسر گیٹوں کے برقی خواص

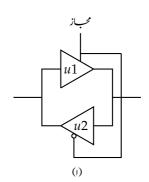
### حبدول ۲۱.۳۱ بلند عمل پیسراغیسرمتم مستحکم کارکی کارکردگ۔

	( <u> </u> )				
محباز	مداحنل	محنارج			
0	x	بلٺ ر کاوڻي حسال			
1	0	0			
_ 1	1	1			

محباز	مداحنل	محنارج
0	0	بلن ركاوڻي حسال
0	1	بلن ركاوڻي حسال
1	0	0
1	1	1

(1)





مشكل ٣٠٢٢: دوط سرف مستحكم كار ـ

معن ذور ہو گالہاندامواد دائیں سے بائیں منتقت ل ہو گا۔

ای طسرح متم دوطسرون مستحکم کاربھی بنایاحباتاہے، جومواد کامتم منارج کرے گا۔

مستحکم کار اور متمم مستحکم کارے مداحن آگیس مسیں جوڑنے سے ان کے محسارج پر تف دحسال حساس کیے حباسکتے ہیں؛ مشکل ۲۷۔۳۔ الف دیکھیں۔ مشکل - ب مسین اسس کی عسلامت پیشس کی گئی ہے۔

#### ۳.۴.۲ مخنلوط ادوار

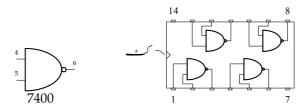
عام دستیاب موں گرجنہ متم گیٹ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ برقیاتی ادوار، عسوماً، ای طسر آ فی مسیں بند دستیاب ہوں گے جنہ میں مختلوط دور کہتے ہیں۔ مختلوط ادوار پر مختلوط دور کااعب ادی نام مشلاً 7400 درج ہوگا: اسس عدد کے ہند موں کے پی اطسران پر حسرون بھی ہوں گے جو اصنافی معسلومات منسراہم کرتے ہیں۔ ساتھ ہی ڈلی پر دوسسرا عدد مختلوط دور تسیار کرنے کی تاریخ دے گا۔ مشلاً بہاں دوسسرے عدد کے مطبابق سے مختلوط دور سن 1976 کے پینت الیسویں (45) ہنتے مسیں کار حن نے مسیں تسیار کسیا گئی۔ جیب سشکل مسیں دکھیا گیا ہے، اسس مختلوط دور

ڈبی پر ''کٹ'' کے نشان سے گھٹڑی محنالف رخ ینبے گننے حباتے ہیں۔ گیٹ کی عسلامت مسیں بینے پر لکھاعہ د ڈبی

۲۰۰۰ باب سب بوولین الجبرا



شکل ۲۷.۳: اشاره اور ارشارے کامتم دیت المستحکم کار۔



مشكل ٣٠٢٨: مختلوط دور 7400

مسیں اسس پنیے کامت میں میت ہے۔ یول گیٹ کے حسار بی پنیے پر 6 اسس پنیے کاڈبی مسیں مقت ام دیت ہے۔ گیٹ کاحت کہ بن تے وقت اسس کے قسم یہ مسلوط دور کانام (یانمب جو یہاں 7400 ہے) بھی کھے حباتا ہے۔

چېند مختلوط ادوار درج زيل بين۔

دْ بِي مسين گيــوْل كي تعـــداد	گیٹ	نام
4		7400
4	دومداحنل جمع متمم	7402
6	شفی	7404
6	متمم مستحكم كار	7406
4	دومدٰا <sup>حن</sup> ل ٰضرب	7408

datasheet<sup>2</sup>

آپ نے کئی مختلوط ادوار جبدول ۲۸۳ مسیں دیکھے جن کے نمب 74 سے شعروع ہوئے۔ دراصل 74xx مختلوط ادوار کا ایک سلمہ بی محتلوط ادوار کا انہوں سلمہ بیا گیا۔ انہوں سامسل کیا گیا۔ انہوں سامسل کیا گیا۔ ان اعداد (74xx) کا اذخود کوئی مطلب نہیں۔ ای طسرح کا دوسسراسلمہ 40xx پاراحیا تا ہے، جس مسین تمام مختلوط ادوار کے نمب 40 سے مشروع ہوتے ہیں۔

مختلوط ادوار سے کار کردگی حساس کرنے کے لئے ان کوبرتی دباو مہیا کرنالازم ہے۔ سلسلہ 7400 کے تمسام مختلوط ادوار مثبت کیسے سمتی بائی وولٹ (5 V) پر کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھائے گئے مختلوط دور کو یک سمتی برتی دباو پنیا است (7) اور چودہ (14) پر مہیا کہا حبائ گا، جہاں پنیا 14 مثبت ہوگا۔ جن دوبانوں پر مختلوط دور کوبرتی طاقت مہیا کی حباتی جبان کی حباتی جبان کی حباتی کی حباتی ہیں۔

مثق ۲۳: انٹرنیٹ سے سلمہ 40xx مسیں دستیاب حپارمداحسل ضرب گیٹ محسلوط دور کانمب ر دریافت کریں۔اسس محسلوط دور کو کتسابر تی دباو در کار ہوگا؟

# ۳.۵ بوولین تف عل کاتخمین

منطقی ضرب، جمع، نفی تف عسل کے جبدول آپ نے دیکھے۔ منطقی تف عسل کے حبدول کواسس کتاب مسیں منطقی حبدول کہا حبائے گا۔ کہا حبائے گا۔ منطقی تف عسل کا تخمیت لگانے مسیں منطقی حبدول نہایت کارآ مد ثابت ہوگا۔ بودلین تف عسل کا تخمیت لاگاتے وقت (اسس کے) آزاد پودلین متخب رات کی تمام ممکن قیمتوں کو ترتیب دار ککھ کر تف عسل حسل کسیا حبائے گا۔

# ۳.۵.۱ بوولین تف عسل کا تخمین ب

بودلین تف عسل کا تخمین ہوگئے کی حن طسر ہم بودلین تف عسل  $Z = A + B\overline{C}$  کومث ال سیتے ہیں۔ اسس تف عسل کے تین آزاد متخب رات کی تمام ممکن ترتیب کا حدول کھے ہیں۔ لیک آزاد متخب رات کی تمام ممکن ترتیب کا حدول کھتے ہیں۔

A	В	С
0	0	0
0	0	1
0	1	0
0	1	1
1	0	0
1	0	1
1	1	0
1	1	1

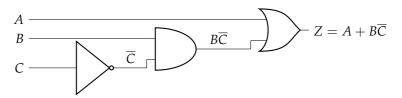
تف عسل مسیں C کی بحب کے  $\overline{C}$  استعمال ہوا ہے، المبند احب دول مسیں  $\overline{C}$  حسن ہے مصاب کرتے ہیں۔ پہلی صف مسیں C مسیں C کی قیمت C کی تیمت کوئی قطب ارمین بہلی معتقب رہ کے درئ کرتے ہیں۔ یادر ہے کہ C اور C ایک بی متعقب رہ کے دو پہلو ہیں، المبند استعبار اسے کی تعبد او تین رہے گی۔

A	В	С	$\overline{C}$
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

تف عسل کی قیمت حساصس کرنے کی حساط سر B اور  $\overline{C}$  کا منطق ضرب  $B\overline{C}$  در کارہے، اہلیذاصف در صف B اور  $\overline{C}$  کی (مطابقتی قیمتوں کی) منطق ضرب لے کرنئی قط ارمسین (مطابقتی صف مسین) درج کرتے ہیں۔

A	В	С	$\overline{C}$	$B\overline{C}$
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	1	1
_ 1	1	1	0	0

اب بوولین تف عسل  $A+B\overline{C}$  کی قیمت حساس کرتے ہیں۔ جبدول مسیں ایک نیاحت شامسل کرتے ہیں، جس مسیں A اور  $B\overline{C}$  کا منطق جمع درج کے جبائے گا۔



شکل ۳.۲۹: تف $a - b \overline{C}$  کوعب دی دور  $A + B \overline{C}$ 

A	В	С	$\overline{C}$	$B\overline{C}$	$A + B\overline{C}$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

اسس حبدول مسیں دایاں حن نے (قطار) دیے گئے بوولین تف عسل کی قیمت دیت ہے۔ یہ آزاد متغیرات کی تین ممکن قبیق کے لئ ممکن قبیتوں کے لئے 0 اور باقی تمام کے لئے 1 کے برابر ہے۔ اسس تف عسل کا منطقی گیٹوں کے ذریعہ حصول مشکل ۲۹٫۳ مسین و کھایا گیا ہے۔

C درن بالاحبدول مسیں کی بھی صف مسیں A ، B ، اور C کی قیمتیں اسس دور (شکل ۲۹.۳) کو مہیا کرنے سے دور ، ای صف مسیں دی گئی، تف عسل کی قیمت دے گا۔ یوں پہلی صف مسیں C = 0 ، C = 0 ، اور C = 0 ہیں جن کے لئے، عسین حبدول کے مطبابی، C = 0 ، اور C = 0 ہیں جن کے گئے، عسین حبدول کے مطبابی، C = 0 میں جن کے گئے، عسین حبدول کے مطبابی، C = 0 میں جوگا۔ سیسل ہوگا۔

# ۲. ۳ قوسین میں ہند بوولین تفاعل

روز مسرہ الجبرا کی طسرح بوولین الجبرامسیں بھی قوسین مسیں بنند تف عسل بیلے حسل کئے حباتے ہیں۔

مثال است: تناعبل  $\overline{A} + B(\overline{B} + A)$  مثال است:

حسل: تفعس مسین دو آزاد متغییرات بین المهذا دو بهندسول پر مسبنی شنائی گسنتی لکھ کر آزاد متغییرات کی تمسام ترتیب حسامسل ہوں گی۔

A	В
0	0
0	1
1	0
1	1

تف عسل مسیں دونوں متغیبرات کے متم استعال ہوئے ہیں لہنہ احب دول مسیں ان کے حنانے بناتے ہیں۔

A	В	$\overline{A}$	$\overline{B}$
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0	0

اب قوت بن مسین سند حصہ  $(\overline{B}+A)$  کانٹ بناتے ہیں۔

A	В	$\overline{A}$	$\overline{B}$	$(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	1	0	0	1

 $B(\overline{B}+A)$  اور  $B(\overline{B}+A)$ 

A	В	$\overline{A}$	$\overline{B}$	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$
0	0	1	1	1 0 1 1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	1	1

اب بم مکسل بوولین تف عسل کی قیب ساس کر کتے ہیں۔ تف عسل کرنے کی حساس کر نے کی حساس کر نے کی حساس کر اور  $\overline{A}+B(\overline{B}+A)$  ور  $\overline{A}$  کا منطق جمع ساسل کر ناہوگا۔

A	В	Ā	$\overline{B}$	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$	$\overline{A} + B(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1 0 1 1	0	1
0	1	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	1

# ے. س بوولین الجبراکے بنپادی قوانین <sub>ا</sub>

بوولین الجبرا کے پانچ بنیادی قوانین مندر حب ذیل ہیں۔

ا اگر X 
eq X ہوت= 1 ہوگا،اور

ا اگر  $X \neq X$  ہوتہ X = 0 ہوگا۔

س منطقی جمع

0 + 0 = 0

0 + 1 = 1

1 + 0 = 1

1 + 1 = 1

۾ منطقي ضرب

 $0 \cdot 0 = 0$ 

 $0 \cdot 1 = 0$ 

 $1 \cdot 0 = 0$ 

 $1 \cdot 1 = 1$ 

۵ منطقی نفی

$$\overline{0} = 1$$
 $\overline{1} = 0$ 

اگر حب سے پانچ توانین نہایت سادہ معسلوم ہوتے ہیں، ان سے مکسل بوولین الجیرا اخت کسیا حباسکتا ہے۔ بوولین الجبرا ک چند قوانین حبدول ۱۲٫۳ - الف اور ب مسیں پیش کیے گئے ہیں۔ سے تمسام درج بالاپانچ بنیادی قوانین سے اخت ذکیے حبا سکتے ۱۲٫۲۔

بوولین مساوات ثابت کرنے کا ایک اہم طسریقہ پوولین حبدول سے اخسذ کرنے کا طسریقہ کہلا تا ہے۔ آئیں، درج بالا مسین سے چند قوانین اسس طسریقہ سے حساصل کریں۔

مثال ۲۰۰۲: حبدول ۱۲۰۳۳-الف کی شق 1 کوبودلین حبدول کی مدد سے ثابت کریں۔

حسل: اسس شِق کے بائیں ہاتھ، X واحد متخب رہ ہے۔اسس کے بودلین حبدول مسین دواندراج 0 اور 1 ہول گے،جوایک ہندی شنائی عبد دکی تب ممکن قیمتیں ہیں۔

باب سر بوولين الجبرا

### حبدول ۱۲ ستابوولین الجبراکے چین دبنیادی قوانین۔

(ب) دو سراپہلو۔

(۱)پہلاپہلو۔

شِق	مساوات
1	1 + X = 1
2	0+X=X
3	$X + \overline{X} = 1$
4	X + X = X
5	X + Y = Y + X
6	(X+Y) + Z = X + (Y+Z)
7	X(X+Y)=X
8	X + XY = X
9	XY + XZ = X(Y + Z)
10	$X(\overline{X} + Y) = XY$
11	$(X+Y)(Y+Z)(\overline{Y}+Z) = (X+Y)Z$
12	X + YZ = (X + Y)(X + Z)
13	$\overline{\overline{X}} = X$

	•
شِق	مساوات
1	$0 \cdot X = 0$
2	$1 \cdot X = X$
3	$X \cdot \overline{X} = 0$
4	$X \cdot X = X$
5	$X \cdot Y = Y \cdot X$
6	$(X \cdot Y) \cdot Z = X \cdot (Y \cdot Z)$
7	X + XY = X
8	X(X+Y)=X
9	(X+Y)(X+Z) = X+YZ
10	$X + \overline{X}Y = X + Y$
11	$XY + YZ + \overline{Y}Z = XY + Z$
12	X(Y+Z) = XY + XZ
13	$\overline{\overline{X}} = X$

 $\frac{X}{0}$ 

 $0\cdot X$  اور  $0=1\cdot 0$  ورج ہوں گے۔  $0\cdot X$  کاحنات شامل کرتے ہیں، جس مسیں  $0=0\cdot 0$  اور

 $\begin{array}{c|c} X & 0 \cdot X \\ \hline 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{array}$ 

اسس حبدول کی دائیں قطب رکہتی ہے کہ  $X\cdot X$  ہمیشہ 0 ہوگا۔ ہم یمی ثابت کرناحیاتے تھے۔

اسس طسرح کے سوال، جن مسیں ایک متغیرہ X کو مشقل عدد C سے منطق ضرب دیت ہو، کی متدم با متدم C کیتے ہیں۔ متغیرہ X کے تسام مکن۔ قیموں کے حبدول مسیں مشتقل C کی قطبار شامسل کریں۔ موجودہ مشال مسیں مشتقل C کی قطبار شامسیں تمسام اندراج کی قیمت C ہوگی۔

 $0 \cdot X$  اب  $0 \cdot X$  کی قطبار شامبال کریں۔

С	X	$C \cdot X$
0	0	0
0	1	0

 $0 \cdot X = 0$  ہوگا۔  $0 \cdot X = 0$  ہوگا۔

مثال ٣٠٣: حيدول ١٢٠٣-الف كيشِق 2 كوبوولين حيدول عاب رس كرين-

حسن: اسس شِق کے بائیں ہاتھ X واحد متغیرہ، جبکہ 1 متقل ہے۔ متغیرہ کا بودلین حبدول کھتے ہیں؛ ساتھ ہی متقل 1 کی قطبار میں 1 کی قطبار میں مسلل کرتے ہیں، جس کے تمام اندراج کی قیمت 1 ہوگی۔ آحضر مسیں 1 کی قطبار مشامل کرتے ہیں۔

1	X	$1 \cdot X$	1	X
1	0	0	1	0
1	1	1	1	1

 $1 \cdot X = X$  اور X کی مط بقتی قیمتیں ہمیث ہایک جبیعی ہیں، لہذا ثابت ہوا کہ X = X ہوگا۔

مثال ۲۰۰۳:  $\overline{X} = 0$  ثابت کری دسل:

$$\begin{array}{c|cccc}
X & \overline{X} & X \cdot \overline{X} \\
\hline
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 0
\end{array}$$

مثال ۲۰۰۵: ثابت کرتے ہیں کہ X=X ہوگابو X ہوت ہوت X = 0 ہوگابو X ہوگابو X کے برابر ہے۔ ای طسرح X = X کی صورت مسین X = X ہوگابو X = X ہوگابو X = X ہوگابو X = X ہوگابو کے برابر ہے۔ این نے دیکھ کہ X = X کی تمام قیتوں کے لئے ہے۔ فعت رہ درست ہے۔

مثال ۳.۲: فتره  $\overline{\overline{X}}=X$  ثابت کریں۔ حسل:

$$\begin{array}{c|cc}
X & \overline{X} & \overline{\overline{X}} \\
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 1
\end{array}$$

باسس مع يوولين الجبرا

مثال 
$$X$$
. البي کرین که  $(0+X=X)$  مثال  $X$ . البی کارین که  $(0+X=X)$ 

0	X	0+X
0	0	0
0	1	1

دائين دوقط ارايك جيسے بين الها ذا ثبوت پورا ہوا۔

$$(1+X=1)$$
 ثابت کریں۔ حسل:

1	X	1+X
1	0	1
1	1	1

دائیں دو قطار ایک جیسے ہیں لہذا ثبوت پوراہو تاہے۔

مثال ۳.۹: فعتره 
$$X + Y = Y + X$$
 ثابت کریں۔ حسل:

X	Υ	X+Y	Y + X
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	1

دائيں دو قطب ايک جيسے ہيں الہذا ثبوت پوراہو تاہے۔

$$X(Y+Z)=XY+XZ$$
 مثال ۱۳۰۱: ثابت کرین که  $X(Y+Z)=XY+XZ$  بوگار سل:

X	Υ	Z	Y + Z	XΥ	XZ	X(Y+Z)	XY + XZ
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

دائیں دوقطبار ایک جیسے ہیں لہذا ثبو ہے یوراہوا۔

۸ . ۳ . ڈی مار گن کے کلیا ہے

۵۳

مثال ۱۱.X = X المثال X + XY = X مثال الم

سل: اسس کو بوولین حبدول کے بحبائے بوولین الجبرا کی مدد سے حسل کرتے ہیں۔ ہم مساوات کے بائیں ہاتھ کو XZ + XY کی سکتے ہیں جہاں Z = Z ہوگا۔ یوں حبدول ۱۲٫۳-الف کی شِق 12 کے تحت درج ذیل ہوگا، جہاں Z کی قیست 1 کی گئی ہے۔

$$X+XY=X(1+Y)$$
 جبدول ۱۲.۳۳ - ب کی شِق  $1$  کے تحت  $1+Y=1$  ہوگا، البند اورج ذیل لکھ جب سکتا ہے  $X+XY=X(1+Y)=X\cdot 1=X$  جب ان آمنسری وت دم پر جب دول ۱۲.۳۳ الف کی شِق  $2$  استعمال کی گئی۔

حبدول ۱۲.۳۳-الف کی شِق 5 کومتعبد دمتغییرات تک وسعت دی حب سسکتی ہے۔ تین متغییرات کے لئے درج ذیل ہول گے۔

$$ABC = BAC$$
$$= BCA$$
$$= CBA$$
$$= CAB$$

اسس طسرح حبدول ۱۲.۳-ب كى شِق 5 كو بھى دوسے زيادہ متغيرات كے لئے وسعت دى حباسكتى ہے۔ تين متغيرات كے لئے، ب شِق درج ذيل صورتيں افتيار كرتى ہے۔

$$A+B+C = B+A+C$$

$$= B+C+A$$

$$= C+B+A$$

$$= C+A+B$$

# ۳.۸ ڈی مار گن کے کلیا ہے

دونہایہ اہم قوانین جنہیں ڈی مار گن کے کلیا۔ (یاڈی مار گن کے مسائل) کہتے ہیں مندر حب ذیل ہیں۔

$$\overline{X+Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$$

$$\overline{X \cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y}$$

ان دومسائل کو بوولین حبدول کی مدد سے ثابت کرتے ہیں۔ ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ  $\overline{X} \cdot \overline{Y} = \overline{X} \cdot \overline{X}$  کا ثبوت درج ذیل ہے۔

۵۲ با بیودلین الجبرا

X	Υ	$\overline{X}$	Y	X + Y	$\overline{X+Y}$	$\overline{X} \cdot \overline{Y}$
0	0	1	1	0	1 0 0 0	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

ڈی مار گن کے دوسرے مسئلہ  $\overline{X} + \overline{Y} = \overline{X} + \overline{Y}$  کا ثبوت درن ذیل ہے۔

X	Υ	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$X \cdot Y$	$\overline{X \cdot Y}$	$\overline{X} + \overline{Y}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	1 1 1 0	0

ڈی مار گن کے مسائل منطقی جمج کو منطقی ضرب مسیں اور منطقی ضرب کو منطقی جمع مسیں تب بیل کرتے ہیں، اور بوولین تف عسل حسل کرنے مسیں مددگار ثابیہ ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر ، حبد ول ۱۲.۳۳ - الفہ کی پہلی شِق X=0 کا متم کیتے ہیں۔

$$\overline{0 \cdot X} = \overline{0}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا دو سسرامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

$$\overline{0} + \overline{X} = \overline{0}$$

مسزید، چونکه 0 کامتم 1 ہے، لینی  $\overline{0}=\overline{0}$  ہوگا، اہند ادر جن ذیل کھا حب سکتا ہے۔

$$1 + \overline{X} = 1$$

اسس مساوات مسين X كوبوولين متغيره Z تصور كياحباسكتابيب بول درج ذيل حساصل بوگاله

$$1 + Z = 1$$

اسس کاحبہ ول ۱۲٫۳ - ب کی شِق 1 سے مواز سنہ کریں۔ متغیبرہ کے نام مختلف ہونے کے عسلاوہ دونوں یکساں ہیں۔

ڈی مار گن مسائل کی مددسے ہم نے دیکھا کہ

$$0 \cdot X = 0$$

اور

$$1 + X = 1$$

۳.۸ فی مار گن کے کلیات

در حقیقت ایک ہی تف عسل کے دو پہلوہیں۔

 $(0 \cdot X = 0) \Leftrightarrow (1 + X = 1) \tag{1}$ 

1+1 اسس مسئلہ کوڈی مار گن کے پہلے مسئلہ کی مدد سے بھی دیکھ حب سکتا ہے۔ ایس کرنے کی حن طسر ہم پوولین تف عسل X=1

 $\overline{1+X}=\overline{1}$ 

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا پہلامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

 $\overline{1} \cdot \overline{X} = \overline{1}$ 

اب آ کی جگ 0 ڈالتے ہیں۔

 $0 \cdot \overline{X} = 0$ 

ہے۔ مساوات کی بھی متغیرہ X کے لئے درست ہے۔اسس متغیرہ کو ہم Z بھی پکار سکتے ہیں۔ایسا کرنے سے درج زیل مساسل ہوگا۔

 $0 \cdot Z = 0$ 

1+X=1 ہم دیجتے ہیں کہ یہ بالکل X=0 کی طسر ہے۔ وسنسرق صرف متغیب رہ کے نام کا ہے۔ البند اثابت ہوا کہ X=0 کی طسر ہے۔ وسنسرق صرف متغیب رہ کے دو پہلے وہیں۔ X=0 اور X=0 ایک ہی تف عسل کے دو پہلے وہیں۔

مثال ۱۲ بنت کریں کہ X = X اور X = X + 0 ایک ہی تف $^{2}$  بیاب بیریت  $1 \cdot X = X$ 

حسل: X = X - 1 کے دونوں اطسے راف کامتم کیتے ہیں۔

 $\overline{1 \cdot X} = \overline{X}$ 

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کادو سسرات نون لا گو کرتے ہیں

 $\overline{1} + \overline{X} = \overline{X}$ 

اور آکی جگے 0 یُر کرتے ہیں۔

 $0 + \overline{X} = \overline{X}$ 

متغیرہ  $\overline{X}$  کونے نام Z سے یکارتے ہیں۔

0 + Z = Z

باب ٣٠. بوولين الجبرا

 $1 \cdot X = X$  اور X = X اور این متغیرہ کے برابر ہو گا۔ یوں ثابت ہوا کہ X = X اور X = X

آپ ای مثال کو پچسلی مثال کی طرح المار رخ مسیں ثابت کریں۔

مثال ۱۳۰٬۱۳۰: بوولین تف عسل  $(X\cdot Y)\cdot Z=X\cdot (Y\cdot Z)$  کام ثله ڈی مار گن کے مت نون لاگو کر کے حساست کریں۔

حسل: دئے گئے تف عسل کے دونوں اطسران کامتم کیتے ہیں۔

 $\overline{(X \cdot Y) \cdot Z} = \overline{X \cdot (Y \cdot Z)}$ 

دونوں اطبرانے ڈی مار گن کادوسسراف انون لا گو کرتے ہیں۔

 $(\overline{X\cdot Y})+\overline{Z}=\overline{X}+(\overline{Y\cdot Z})$ 

ڈی مار گن کا متانون استعال کرتے وقت قوسین مسیں ہند ھے۔ کو ایک متغیبرہ تصور کیا گیا۔ دونوں اطسران قوسین مسیں ہند تف عسل پر دوہارہ ڈی مار گن کادوسسرات نون لا گو کرتے ہیں۔

$$(\overline{X} + \overline{Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y} + \overline{Z})$$

یہاں شینوں متغیبرات کے متم کھے گئے ہیں۔ ہم انہیں تین نے ناموں سے پکار سکتے ہیں، مشلاً،  $\overline{X}$  کو A پکارتے ہیں،  $\overline{Y}$  کو B اور  $\overline{Z}$  کو C ، اہلیہ زادر جی ذیل کھا حبائے گا، جو متغیبرات کے نام مختلف ہونے کے عسلاوہ، حبدول ۱۲٫۳–ب کی شِق C

(A+B)+C=A+(B+C)

# ۳.۹ حبرٌ وال بوولين تفناعسل

گزشتہ ھے۔ مسیں دیکھ گیا کہ بودلین تف عسل کے دو پہلو ہوتے ہیں۔ یوں کی بودلین تف عسل کو ثابت کرتے ہی اس کا حب را اسس کا حب رواں تف عسل فوراً لکھ حب سکتا ہے۔ حب دول ۱۲۰۳-الف اور ب مسیں اسس طسرح کے حب رواں بودلین تف عسل پیش کیے گئے ہیں۔ان حب دول مسیں آحنسری شِق کے عسلاوہ ہر شِق ایک تف عسل کے دو پہلو پیشس کر تا ہے۔ مشاراً، حب دول -الف کی شِق 7 کا دوسر اپہلوجہ دول - ب کی شِق 7 دے گا۔

۳.۱۰ ارکان ضرب کے محب وعب کی ترکیب

منطقی مسئلہ کو بوولین تفع سل کی صورت مسیں لکھٹا مندر حب ذیل مثال سے باآسانی سمجھاحبا سکتا ہے۔

#### حبدول ۱۳.۱۳: تف على كاحبدول (برائح حسب ۱۰.۳)

A	В	C
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1

ونسرض کریں، ایک تف مسل جس کے آزاد متغیرات A اور B ، جب کہ تائع متغیرہ C ہے، اسس صورت بلند B=1 اور B=1 اور B=1 اور B=1 اور B=1 بواجب و

ان معلومات کو حبد دول ۱۳ ۱۳ امسیں پیش کی گیا ہے۔ حبد دول مسیں "ارکان خرب" کی قط ارش امسل کریں۔ اسس قط ارک میں معنوب کے آزاد متنفید ہورہ ہیں۔ ہونے کی صورت مسیں متنفید ہوگا متم اور بلت مصورت مسیں متنفید ہو ذرج کی حیف کے آزاد متنفید ہوگا۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حن طسر، حبد دول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A = 0 اور B = 0 اور B = 0 ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A = 0 اور A = 0 ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A = 0 اور A = 0 ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A = 0 ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A = 0

Α	В	C	ار کان ضرب
0	0	0	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	$\overline{A}B$
1	0	0	$A\overline{B}$
1	1	1	AB

تفاعلی کے جدولے کے النے تمام ارکالن ضرب کا مجموعہ لیرے جنے کی صف میں مالع متغیرہ C کی قیمت 1 ہو۔ یہ مجموعہ مالع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اس طسرح تف عسل کھنے کوارکان ضرب کے مجبوعہ کی ترکیب کہتے ہیں۔ (اسس کو مجبوعہ ارکان ضرب بھی پکار سکتے ہیں۔)

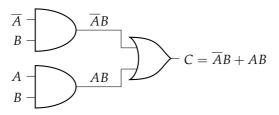
يوں درج ذيل لكھاحبائے گا۔

$$($$
ار کان ضرکا محبوعہ  $C = \overline{A}B + AB$ 

مساوات ٣٠ المسين حساصل تف عسل كالمنطقي دور مشكل ٣٠ .٣٠ مسين د كهسايا كسيا --

AND-OR

۵۸ باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۳۰ سزار کان ضر ہے محب وعب (مساوات ۱۱٫۳) کا منطقی دور۔

مساوات سراا اور شکل ۳۰۰ کی در ستگی کی تصدیق بودلین حبدول سے کرتے ہیں (حبدول مسیں موازنے کے لئے C کا حالت مجی پیش کے اللہ کا است

A	В	C	$\overline{A}$	$\overline{A}B$	AB	$\overline{A}B + AB$
0	0	0	1	0	0 0 0 1	0
0	1	1	1	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	1

اسس حبدول کادایال قطار C کے برابرہے۔

مساوات ۱۱٫۳ لکھنے کا دوسسرا انداز جو نہایت مقبول ہے سنجھنے کی مناطسر تفاعسل کے حبدول مسیں "ارکان ضرب" کے عسلاوہ ایک نی قطبار (m) شامسل کرتے ہیں۔

A	В	C	ار کان ضرب	m
0	0	0	$\overline{A}  \overline{B}$	$m_0$
0	1	1	$\overline{A}B$	$m_1$
1	0	0	$A\overline{B}$	$m_2$
1	1	1	AB	$m_3$

نی قطار مسیں m ارکان ضرب کو ظاہر کرتا ہے، البندا تنساعم کی کے مساوات کھتے ہوئے  $\overline{A}B$  کی بحبائے  $m_1$  اور AB کی بحبائے  $m_3$  کی بحبائے  $m_3$  کی بحبائے واسس اوات m. ااے درج ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$C=\overline{A}B+AB$$
 
$$=m_1+m_3$$
 
$$=\sum (m_1,m_3)$$
 
$$=\sum (1,3)$$

ار کان ضرب روایت اُر چھوٹی لکھ اُئی مسیں)  $m_{\chi}$  کلھے جاتے ہیں، جہاں زیر نوشت  $\chi$  جب ول مسیں مطابقتی صف کے آزاد متغیب رات کوشنائی عبد د (کے ہند ہے) سمجھ کر، ہر ابر کا اعشاری عبد د لیا جاتا ہے۔

# مثال ۱۹۴ س: درج ذیل بوولین حبدول سے بوولین تف عسل کی مساوات حساس کریں۔

A	В	С	$\overline{\mid Z \mid}$
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

### حل: حبدول مسين Z تائع متغيره ہے۔ حبدول كى دائين حبانب اركان ضرب كى قطب ارث امسل كرتے ہيں۔

A	В	С	Z	ار کان ضرب	m
0	0	0	1	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$	$m_0$
0	0	1	0	$\overline{A}\overline{B}C$	$m_1$
0	1	0	1	$\overline{A} B \overline{C}$	$m_2$
0	1	1	1	$\overline{A}BC$	$m_3$
1	0	0	0	$A \overline{B} \overline{C}$	$m_4$
1	0	1	0	$A \overline{B} C$	$m_5$
1	1	0	1	$AB\overline{C}$	$m_6$
_1	1	1	1	ABC	$m_7$

اُن ار کان ضرب کامحب وعب لیتے ہیں جن کی صف مسیں تائع متغیرہ کی قیمت 1 ہے۔

$$Z = \overline{A}\,\overline{B}\,\overline{C} + \overline{A}\,B\,\overline{C} + \overline{A}\,B\,C + A\,B\,\overline{C} + A\,B\,C$$

ب دیے گئے تف عسل کی مساوات ہے جس کو درج ذیل بھی لکھا حب سکتا ہے۔

$$Z = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$$

۲۰ باب ۳. بودلین الجبرا

حبدول ۱۲.۳ امسیں دیے گئے توانین استعال کرتے ہوئے مساوات کی سادہ صورت حساسل کرتے ہیں۔

$$Z = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B \, \overline{C} + A \, B \, C$$

$$= \overline{A} (\overline{B} + B) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (\overline{C} + C)$$

$$= \overline{A} (1) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (1)$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B C) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + \overline{A} B + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + (\overline{A} + A) B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + B$$

ہے دیے گئے بوولین حبدول کی سادہ ترین مساوات ہے۔اسس کا بوولین حبدول لکھ کر آپ ثابت کر سکتے ہیں کہ ہے۔ امسل تف عسل بی ہے۔

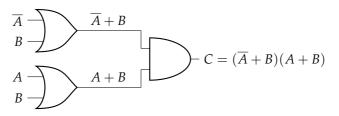
# ۳.۱۱ ار کان جمع کی ضرب کی تر کیب

گزشتہ جسب مسیں بوولین حبدول سے تفاعل کا مساواتی روپ حساصل کیا گیا، جبال ان صفول کے ارکان ضرب کا محبوعہ لیا گیا جن مسیں تائع متغیرات کی قیت 1 تھی۔ آئیں اب" ارکان جمع" لکھنا اور ان سے تفساعل کی مساوات حساصل کرنا سیکھیں۔

ھے۔۔۔۱۰ مسیں متمل جب ول ۱۳.۳ کو مشال بنتے ہوئے اس مسیں ارکان ضرب کی بحبے ارکان جُع کی قطار شام مسیں ارکان ضرب کی بحبے ارکان جُع کی قطار شام مسیم متنظیرہ بذات خود اور بلند مصورت مسیں متنظیرہ بذات خود اور بلند صورت مسیں متنظیرہ کا متم جُع کیا حباتا ہے۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حناطسر، حبدول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A=B اور B=0 اور B=0 بی البندادوسری صف مسیں A+B بوگا۔دوسری صف مسیں A+B اور A

A	В	C	ار کان جمع
0	0	0	A+B
0	1	1	$A + \overline{B}$
1	0	0	$\overline{A} + B$
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$

تفاعل کے جدول کے الض تمام ارکال جمع کا عاصل ضرب لیں جن کی صف میں تفاعل کے تامیح متغیرہ C کی قیمت 0 ہو۔ یہ سامسل ضرب تابع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اسس طسر ح تناعس کھنے کو ارکان جمع کی ضرب کی ترکیب کہتے ہیں (اسس کو ضرب بعد از جمع بھی پارک ہے ہیں)۔



شکل ۳.۳:۱۱ کان جمع کی ضر ہے جباصل دور (مساوات ۱۳.۳)۔

یوں درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$(r.r)$$
  $C = (A+B)(\overline{A}+B)(\overline{A}+B)$  (ار کان تح کی غرب

ار کان جمع کی ضرب سے حسامسل مساوات کوہر صورت جمع گیٹوں کی ایک قطبار (یاصف) اور ایک ضرب گیٹ سے حسامسل کسیاحب سکتا ہے (جہباں و نسرش کسیاحب تاہے کہ، آزاد متغیبرات کے ساتھ ان کے متم بھی میسر ہیں)۔ یوں بنائے گے دور کو جمج و ضربے کہتے ہیں۔

ماوات ۱۳۳ میں حاصل دور شکل ۱۳ سمیں پیش کی گیاہے۔

مساوات ۳.۳ الکھنے کادوسسراانداز جونہایہ مقبول ہے مسجھنے کی مناطسر نف عسل کے جبدول مسیں "ار کان جمع" کے عساوہ، بڑی لکھائی مسیں ایک نئی قطبار (M) مشامسل کرتے ہیں، جوار کان جمع کو ظباہر کرتا ہے۔

$\boldsymbol{A}$	В	C	ار کان جمع	M
0	0	0	$\overline{A}\overline{B}$	$M_0$
0	1	1	$\overline{A}B$	$M_1$
1	0	0	$A\overline{B}$	$M_2$
1	1	1	AB	$M_3$

یوں مساوات ۱۳٫۳ درج ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(r.r)$$
  $C = (A+B)(\overline{A}+B) = M_0M_2 = \prod (M_0, M_2) = \prod (0,2)$ 

مثال ۱۵.۳: وی مار گن کے کلیات استعال کرتے ہوئے محبہوءے ارکان ضرب سے ارکان جمع کی ضرب کی ترکیب حساس کریں۔

حسل: ہم حصہ ۱۰.۳ مسیں مستعمل جبدول ۱۳.۳ کومثال بن کر اسس مسیں  $\overline{C}$  اور ار کان ضرب کی قطباریں شامسل کرتے ہیں۔

OR-AND<sup>2</sup>

ال سر يوولين الجرا

A	В	C	$\overline{C}$	ار کان ضرب
0	0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	0	$\overline{A}B$
1	0	0	1	$A\overline{B}$
1	1	1	0	AB

ہم  $\overline{C}$  کے لئے ارکان ضرب کامجب وعب لکھ کر (لینی ان ارکان ضرب کامجب وعب جن کے صف مسیں  $\overline{C}$  کی قیت  $\overline{C}$  ہو):

$$\overline{C} = \overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}$$

دونوں اطبران کامتم لے کر C کی مساوات حساصل کرتے ہیں۔

$$\overline{\overline{C}} = C = \overline{\overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}}$$

ڈی مار گن کلیات بار بار استعال کرتے ہوئے درج ذیل حسامسل کیا حباسکتا ہے۔

$$C = \overline{\overline{A}} \, \overline{\overline{B}} + A \, \overline{\overline{B}}$$

$$= (\overline{\overline{A}} \, \overline{\overline{B}}) (\overline{A} \, \overline{\overline{B}})$$

$$= (\overline{\overline{A}} + \overline{\overline{B}}) (\overline{A} + \overline{\overline{B}})$$

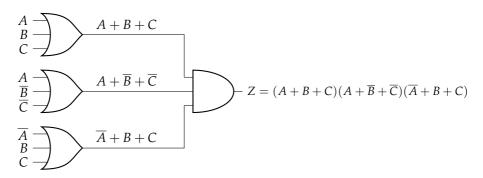
$$= (A + B) (\overline{A} + B)$$

اسس نتیج کامب اوات ۱۳٫۳ کے ساتھ مواز نے کریں۔ لپس ثابت ہوا کہ محبہ وعب ار کان ضرب سے ار کان جمع کی ضرب سے صل کی حباستی ہے۔

مثال ۱۱ .۳: درج ذیل بوولین حبدول سے (۱) ارکان جمع کی ضرب، (ب) ارکان ضرب کا محبموعہ لے کر تف عسل کی مب وات سے صاصل کریں۔ دونوں نتائج کے ادوار د کھا ئیں۔

A	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبد ول مسین از کان جمع اور از کان ضرب کی قطبارین شامسل کرتے ہیں۔



شکل ۳.۳۲: جمع وضر به دور (مساوات ۱۲.۳) به

A	В	С		ار کان جمع	ار کان ضر ب
0	0	0	0	A+B+C	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$
0	0	1	1	$A+B+\overline{C}$	$\overline{A}\overline{B}C$
0	1	0	1	$A + \overline{B} + C$	$\overline{A} B \overline{C}$
0	1	1	0	$A + \overline{B} + \overline{C}$	$\overline{A}BC$
1	0	0	0	$\overline{A} + B + C$	$A \overline{B} \overline{C}$
1	0	1	1	$\overline{A} + B + \overline{C}$	$A \overline{B} C$
1	1	0	1	$\overline{A} + \overline{B} + C$	$AB\overline{C}$
1	1	1	1	$\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}$	ABC

(۱)جن صفوں مسیں تابع متغیبرہ Z کی قیبیت 0 ہےان صفوں کے ارکان جمع کی ضرب مطلوب نتیب ہوگا۔

(r.iy) 
$$Z = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + C)$$

اسس کو درج ذیل بھی لکھ کتے ہیں۔

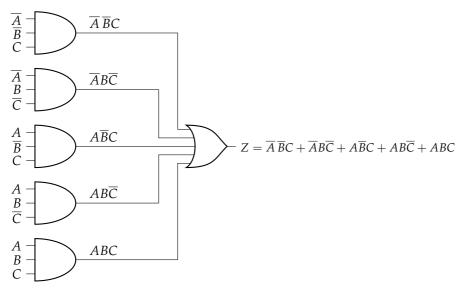
$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (M_0, M_3, M_4)$$

مساوات ۱۲.۳ مسیں حساس نتیب کا جمع و ضرب دور شکل ۳۲.۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ (ب)حبدول کے ارکان ضرب کامحب وعہ لے کر ضرب و جمع دور حساس کرتے ہیں۔

$$(r.12) Z = \overline{A} \, \overline{B} \, C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} C + A B \overline{C} + A B C$$

اس دور کو شکل ۳۳٫۳۳ میں پیش کیا گیا ہے۔

اسس مثال مسیں ایک ہی تف عسل کے دو ادوار، مشکل ۳۲ ۱۳۳ اور مشکل ۳۳ ۳۳ پیشس کیے گئے۔ پہلے دور مسیں تین جمع اور ایک ضرب گیٹ استعال ہوا، جبکہ دوسسرے مسیں پانچی ضرب اور ایک جمع گیٹ استعال ہوا۔ (جیب ہم ذکر کر چپے باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۳۳ ۳: ضر \_ وجمع دور (مساوات ۱۷.۳) \_

ہیں، ار کان جمع کی ضرب سے حسامسل دور جمع گیوٹوں کی قطار اور ایک ضرب گیٹ سے بنے گا۔ ار کان ضرب کے محب وعب سے حسامسل دور ضرب گیٹوں کی قطار اور ایک جمع گیٹ سے حسامسل ہوگا۔) یوں اسس نقساعسل کو ضرب بعد از جمع سے حسامسل ہوگا۔ یادر ہے کہ ضرب بعد از جمع اور محب وعب ار کان ضرب منطقی طور پر ایک ہیں۔ پر ایک ہیں۔

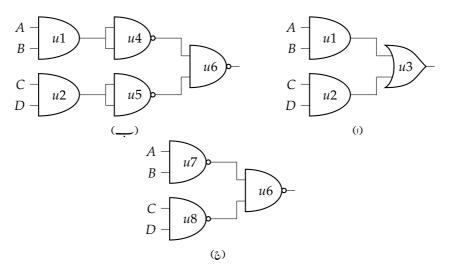
#### ۳.۱۲ محبہ وعب ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے مابین تب دلہ

ہم نے مشال ۱۱.۳ مسیں تف عسل کی مساوات، مجمعوعہ ارکان ضرب اور ضرب بعید از جمع کی مشکل مسیں حاصل کی، جنہیں ہیں۔ حاصل کی، جنہیں ہیں۔

$$Z = m_1 + m_2 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (1, 2, 5, 6, 7)$$
  

$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (0, 3, 4)$$

محب وعب ارکان ضرب مسین پہلا، دوسسرا، پانچوال، چھٹ اور ساتوال رکن ضرب استعال ہواجب کہ صف روال، تیسرا اور چو تحت رکن غرب مستعمل، اور چو تحت رکن غیسر مستعمل، اور چو تحت رکن غیسر مستعمل، جب مضرب اور چو تحت رکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوبی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی جب صف روال، تیسرا اور چو تحت رکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوبی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی مصاوات کو ایک روپ میں دوپ میں تسبدیل کیا حیاتا ہے۔ ارکان خرب یا ارکان ضرب یا ارکان ضرب یا ارکان ضرب یا ارکان مضرب مصاوات کو ایک روپ میں غیسر مستعمل ارکان، مضرب دروپ میں مصاوات حیاتا ہے۔ ارکان جمع کے روپ میں عب مصاوات دروپ میں مصاوات دروپ میں مصاوات دروپ میں مصاوات دروپ میں عب مصاوات دروپ میں استعال ہوں گے۔



شکل ۳۲۲. ۱۲:۱۱ کان ضرب کے مجب وعب سے متم ضرب ومتم ضرب دور کا حصول۔

# ۳.۱۳ ضرب وجمع دورسے متم ضرب ومتم ضرب دور کاحصول

کی بھی پوولین تف عسل کو محبصوعہ ارکان ضرب کی صورت مسیں بیان کیا جبا سکتا ہے، جس کو ضرب گیٹوں کی قطار اور ایک جع گیٹ ہے۔ حساس کیا جب سکل ۱۳۴۳۔الف مسیں تف عسل کے کا ۱۳۴۸۔ الف مسیں تف عسل کے کا ۱۳۴۸۔ الف محبصوعہ ارکان ضرب دور دکھایا گیا ہے۔ جمع گیٹ 18 کی جگ شکل ۱۳۰۰۔الف کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے شکل سے ۱۸۳۰ کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے شکل سے سکل سے سکل ۱۸۳۰ کی جگ سے 18 اور 18 استعال کیے گئے)۔ شکل ۱۸۳۰ مسیں متم ضرب گیٹ بطور نفی گیٹ دکھیا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ (مشلا 14 بس کو نفی گیٹ دکھیا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ (مشلا 14 کا استعال کرتے ہوئے شکل سے گیٹ تصور کرتے ہیں) کی جگ (شکل ۱۹۲۳ ویکھیں) متم ضرب گیٹ (مشلا 17 ) استعال کرتے ہوئے شکل سے دساس اور 6گا، جو صرف متم ضرب گیٹ ورکہ کا تا ہے۔

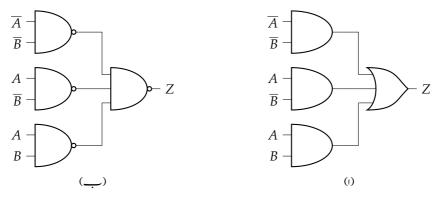
آپ نے دیکھ کہ مشکل ۳۴.۳ الف کے ضرب و جمع دور مسین تمسام گیٹ تبدیل کر کے متم ضرب گیٹ نسب نسب کرنے سے کہ کرنے سے سنگل-ج کا متم ضرب و متم ضرب دور حساصل ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصومی مشاہدہ ہے۔ یاد رہے کہ محب وعب ارکان ضرب کے ضرب و جمع دور مسین ضرب گسٹوں کی قطب ارادرا کی جمع گیٹ ہوگا۔

ضرب و جمع دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تمام گیٹول کی جگہ متم ضرب کیٹے نسب کرنے سے متم ضرب و متم ضرب دور ماصلی ہوگا۔

سلیکان کی فی مسریح سنی مسیر پستدی پر بہت بڑی تعداد مسیں گیٹ بنائے سباسے ہیں اور ب تعداد دن بادن بڑھتی

NAND-NAND<sup>A</sup>

باب سر بوولین الجبرا



شكل ۳۵ ۳. ۳۵ فر ب وجمع سے متم ضرب ومتم ضرب (مشال ۱۷.۱۳) ـ

حیلی حبارہی ہے۔ سایکان کی بہتری پر ایک ہی قتم کے گیٹ نسبتازیادہ آسانی اور بہستر بنائے حباسکتے ہیں۔ یوں کسی بھی تقساعسل کو ضر ب وجمع کی بحبائے متم ضر ب ومتم ضر ب دور سے حساسس کرنازیادہ سود مسند ثابت ہوگا۔ ای وحب سے وستے پیمان کی مختلوط ہر قیات مسیں متم ضر ب گیٹ نہایت مقبول ہیں۔

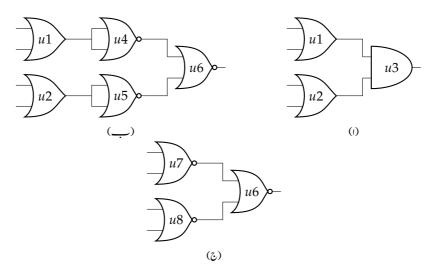
مثال ۱۷. ۳: مندر حبه ذیل تفاعسل کامتم ضرب ومتم ضرب دور حساصسل کریں۔

A	В	$\mid Z \mid$
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	1

صل: تناعسل کاممبوعہ ارکان ضرب لکھنے کی عضرض سے حبدول مسین ارکان ضرب کی قطبار شامسل کرتے ہیں۔ ہیں۔

A	В	Z	ار کان ضرب
0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	0	$\overline{A} B$
1	0	1	$A \overline{B}$
1	1	1	AB

یوں  $Z=\overline{A}\,\overline{B}+A\overline{B}+AB$  الف میں پیش ہے۔ تسام گیوٹوں کی جگہ متم مغرب گیٹ نوسکل ۳۵٫۳۰۰ الف میں پیش ہے۔ تسام گیوٹوں کی جگہ متم مغرب وردر حاصل ہوگاہو مشکل سے متم مغرب وردر حاصل ہوگاہو مشکل سے متم مغرب وردر حاصل ہوگاہو مشکل میں پیش ہے۔



شکل ۳۹ بیا: جمع وضر بے سے متم جمع ومتم جمع۔

# ۳.۱۴ جمع وضر ب دور سے متم جمع ومتم جمع دور کاحصول

تف عسل کے ارکان جمع کی ضرب سے حسامسل جمع و ضرب دور مسیں تمسام گیٹول کی جگہ متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عسل کامتم جمع و متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عسل کامتم جمع و مرتب جمع دور حسام ہوگا۔

شکل ۳۲.۳ میں جمع و ضرب دورے و تدم بات مہم جمع و متم جمع دور کا حصول دکھایا گیا ہے۔ پہلی و تدم میں، شکل۔ الف کے ضرب گیٹ و سل ، 44 ، 45 ، 10 نسب الف کے ضرب گیٹ 44 ، 45 ، 10 نسب کے ضرب گیٹ 44 ، 50 ، 10 ، 10 ، 10 اور کما جوڑی کی جگہ متم جمع 77 ہوگئی گیٹ مان کر، 11 اور 44 جوڑی کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا جب ہوگئی گیٹ 10 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور کی جگہ متم جمع دور کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کیا گیٹ کی جگہ کیا گیٹ کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کی جگہ کیا گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کی جگہ کی جگہ کی جمع کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی گیٹ کی جگر کی جگر کی گیٹ کی

شکل ۳۹.۳۳-الف کے جمع وضر ب دور کی مشکل وصورت تب میل کیے بغیب رتسام گیٹ کی جگ متم جمع نسب کرنے سے مشکل -ج حساصل ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصو می مشاہرہ ہے۔ یادر ہے کہ ضرب ارکان محبسوء سے حساصل جمع وضرب دور مسین جمع گیٹول کی قطب اراور ایک ضرب گیٹ ہوگا۔

جمع و ضرب دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تام گیٹول کی بلد متم جمع گیٹے نسب کرنے سے متم جمع و متم جمع دور عاصل ہوگا۔ باب ۳. بوولين الجبرا

#### حبدول ۱۳۱۳: تین بٹ رموز۔

تین بِٹ رموز
000
001
010
011
100
101
110
111

# ۳.۱۵ عسلامتی روی یار موز

عسوماً زبانوں مسین الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی مسین کی حباتی ہے۔ حسرون تہجی کو سلم الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی زبان مسلم جینی زبان محتلف ہے۔ چینی زبان الکھائی اپنی عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون ایک عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون سکھنے کے بعد، کوئی بھی پڑھ سکتا ہے، جبکہ رمسزی لکھائی مسین کی بھی رمسز کا استعال اسس وقت مسکن ہوگاجب تہمام لوگ اسس رمسز پر متفق ہوں۔ کمپیوٹر اسس لحاظ سے چینی زبان سے مشاہبت رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے۔

و تسلم و کاغن نہ نے انسان کی بھی مشکل کی لکت رہن کراہے ایک عسلامت یار مسنز تصور کر سکتا ہے۔ کمپیوٹر کی دنیا مسیں ایسا کرناممکن نہیں۔ کمپیوٹر صرف 0 اور 1 حبانت ہے، البندااسس مسیں رموز بھی 0 اور 1 مختلف ترتیب ہے جوڑ کر بہنائے حباتے ہیں۔ مشلاً، تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے ترکی مسلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف انشیاء یا مصلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتا ہیں۔ حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف آٹھ بٹ مسیں 256 ہے۔ تین بٹ استعال کرتے ہوئے، اسس سے زیادہ رموز ممکن نہیں۔ آٹھ بٹ مسیں 256 ہے 25 رمسز ممکن ہیں۔

#### ا.١۵. ساليكي رموز اورعب لمي رموز

ابت دا مسین، کمپیوٹر استعال کی حناط رلاط بی حسرون تبی اور اعشاری گستی کے رمسز طے کیے گئے۔ایک بائٹ پر مسبنی رموز جو نہایت مقبول ہوئے،الیسکی رموز ۱ کہا تے ہیں۔ لاط بی حسرون تبی اور اعشاری ہند موں کے رمسز میں بیش کے گئے ہیں۔الیکی رموز مسیں بڑے حسرون A کو 10000001 یعنی 41<sub>16</sub> اور صنسر کو 301000001 کے گئے ہیں۔الیکی رموز مختل کے گئے۔یوں، اسس نظام کو استعال کرتے ہوئے کمپیوٹر A کو 20000001 کے درموز مختل کے گئے۔یوں، اسس نظام کو استعال کرتے ہوئے کمپیوٹر A کو 20010000 کے درموز کھی کر رمسز کی معنی اور صنسر کو 20110000 کے ظاہر کرے گا۔یاد رہے کہ، اسس طسرت کے نظام مسیں جدول دیکھ کر رمسز کی معنی انسان کی حسان کو حسان کی حسان کھی کو میروز کھی کھی کو حسان کی حسان کے خوالات کی حسان کی حسان کی حسان کے گئے کے دائیس کے خوالات کی حسان کی حسان کے خوالات کی حسان کو حسان کی حسان کرتے ہوئے کہ کو کھی کو کو حسان کی حسان کی حسان کے خوالات کی حسان کو کھی کو کھی کو کھی کر کے خوالات کی حسان کی کھی کے کہ کی حسان کی کھی کے کے کہ کی کھی کے کہ کو کھی کے کہ کو کھی کے کہ کو کھی کے کہ کی کے کہ کی کھی کے کہ کی کھی کے کہ کی کھی کے کہ کی کھی کے کہ کو کھی کے کہ کی کھی کے کہ کو کھی کے کہ کی کھی کو کھی کھی کے کہ کو کھی کے کھی کھی کے کہ کو کھی کے کہ کو کھی کے کہ کو کھی کے کہ کے کھی کے کہ کو کھی کے کہ کھی کھی کھی کھی کھی کھی کھی کھی کھی کے کھی کے کہ کھی کے کھی کھی کھی کھی کھی کھی کے کھی کھی کھی کھی کھی کھی کے کھ

code'

۳.۱۵ ميلامتي روپ يار موز

حبدول ۱۵.۳:ایسکی رموز ـ

لاطنيني حسرون يابهندسه	ايسكى رمسنر
A	$01000001_2$
В	$01000010_{2}^{-}$
C	$01000011_2$
D	$01000100_2$
:	:
X	010110002
Υ	$01011001_{2}^{-}$
Z	$01011010_2$
а	011000012
b	$01100010_2$
С	$01100011_2$
:	:
z	$01111010_2$
0 <sub>10</sub>	001100002
1 <sub>10</sub>	$00110001_2$
2 <sub>10</sub>	$00110010_2$
:	:
8 <sub>10</sub>	$00111000_2$
910	001110012

۷ باب ۳. بودلین الجبرا

حبدول ۱۲.۱۳: اعث اری اعب داد کے حسیار بٹ شن ائی رموز۔

شنائی مسرموز اعشاری	اعثاری اعسداد
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9

ایک بائٹ مسیں 00000000 ہے 11111111 تک 256<sub>10</sub> مختلف رموز ہوگ، جو ایک محصد ود تعداد ہے۔ چیسے چیسے دنیا کی مختلف زبان ہو لئے والوں کے ہاں کمپیوٹر کااستعال رائج ہوا، ایکی رموز کے (محسد ود) رمسز کم پڑگئے۔ موجودہ وور مسیں عالمی رموز اارائے ہے، جس مسیں دنیا کی تمس مزبانوں (بشمول اردو، پشتو، بلوچی، سندی، وغیبرہ) کے حسر وف تنجی کے رموز موجود ہیں۔ اسس نظام مسیں ہر رمسز حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دی گئی ہے۔ اسس نظام مسین ہر رمسن حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دیا سستیں بھی ڈھالی جباسکتی ہیں۔ امید یہی ہے کہ یہ نظام آنے والے زمانے مسین درکار ضروریات یوری کرے گا۔

#### ۳.۱۵.۲ اعشاری اعبداد کے شنائی رموز

#### ۳.۱۵.۳ گرے رموز

اسس نظام مسیں اعشاری ہند سول کے رمسنزیوں رکھے گئے کہ کئی بھی دومتواتر اعشاری ہند سوں کے رمسنز مسیں صرف ایک بٹ کافٹ رق ہو۔ حب دول۳۱۷ حسار بٹ گرے رموز پیشش کر تاہے۔

uni code"

binary coded decimal (BCD)"

۱۵. ۳. اعسلامتی روپ یارموز

حبدول ۱۷.۳:اعث اری اعب داد کے حب اربٹ گرے رموز۔

حپاربٹ گرے رموز	اعشاری اعسداد
0000	0
0001	1
0011	2
0010	3
0110	4
0111	5
0101	6
0100	7
1100	8
1101	9
1111	10
1110	11
1010	12
1011	13
1001	14
1000	15

طبیعی متغیبرات کوعبد دی روپ مسین، عصوماً، گرے رموز مسین کھا دباتا ہے۔انس کی اون دیسہ ایک مثال سے مسجھتے ہیں۔

تصور کریں کہ ایک بڑھتے ہوئے وضافلے کو حپار بٹ کے عمام شنائی نظام مسین ناپا حباتا ہے۔ یوں 01112 کے بعد 1000 آئے گا۔ اب تصور کریں کی وجب ہے، اسس حپار بٹ شنائی عدد کابلندر تی بٹ نسبتا خبلدی 0 سے 1 مسین تبدیل ہوتا ہو۔ یوں ایک لحصہ کے لئے 01112 کے بعد 1111 پڑھا جبائے گا، جس کے بعد اصل عدد 1000 آ حبائے گا۔ آپ دکھ سے ہیں کہ ایک لمجے کے لئے وضاصلہ عناظ پڑھا جبائے گا، جس سے مسائل کھٹڑے ہو سکتے ہیں۔ اس کے بر عکس اگر گرے رمنز استعال کیا جبائے تب 0100 کے بعد 1100 پڑھا حبائے گا، ورست قیمت ہے۔

# باب

# كارنان نقث حبات

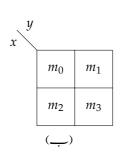
پوولین جدول ہے کی بھی تف عسل کی مساوات بذریعہ مجب وعب ارکان ضرب یا ضرب بعب داز جمع حساصل کرکے اے گیٹوں کی معددے حباس پہنایاحبا سکتا ہے۔ عصوماً، اسس مساوات میں گیٹوں کی تعب داور فی گیٹ مداخنل کی تعب مداخنل کی تعب داد کم کی حباستی ہے۔ کم مداخنل کے ، کم تعب داد گیٹ استیال کرنے ہے عبد دی دور پر کم لاگ ت آئے گی۔ تف عسل کی حباستیال کرنے ہے عبد دی دور پر کم لاگ ت آئے گی۔ تف عسل کی حباستی کی سادہ صورت بوولین منطق سے حساصل کی حباستی ہے، البت ایک نہایت عمد میں اسس تزکیب پر غور کسیا جے کارناف نقث حبات کی ترکیب کتے ہیں، استیال کیا حباتا ہے۔ اسس باب مسین اسس تزکیب پر غور کسیا حبائے گا۔ یہ ترکیب حیاد اور حیادے کم آزاد متخید اسے کے تف عسل کی سادہ صورت حساس کرنے مسین نہیں ہے۔ آسان ثابت ہوگا۔

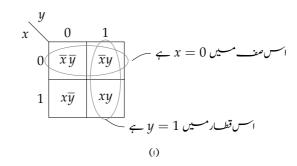
#### ۱.۶ کارنان نقشے کابنادی حنا کہ

تین آزاد متغیب رتف عسل ( F(x, y, z ) کے آٹھ ارکان ضریب ہوں گے۔انہیں شکل ۲۰۴ کے کارنان نقث مسیں د کھیایا

: <b>:</b>	. ایس
شغب رار کان ضرب۔	حب دول ۱. ۴: دو

х	у		
0	0	$\overline{x}\overline{y}$	$m_0$
0	1	$\overline{x}y$	$m_1$
1	0	$x\overline{y}$	$m_2$
1	1	xy	$m_3$





شكل ابه: دا آزاد متغير كارناف نقثے كى بنيادى صور \_\_\_

گی ہے۔ اسس شکل میں دوصف اور حپار قطار ہیں۔ صفوں کا تعیین x کی قیمت، جب قطاروں کا تعیین yz کی قیمت x جب ان قیتوں کو (شن کی گئت تی کے روپ میں جسیں بلکہ) گرے رمسز میں لکھا حب تا ہے۔ یوں، بائیں ہاتھ کے سشروع کر کے، پہلی قطار میں yz کی قیمت 00، دوسسری مسیں 01، تیمسری مسیں 11 جب آحضری قطار مسیں 10 ہوگی۔

حیار آزاد متغیر تفع میں حویا جا سال ہے۔ ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان خرب ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان کے نقتے میں سویا حیاسکتا ہے۔ یہاں صفول کا تعین ایساکارنان نقث دکھایا گیا ہے۔ یہاں صفول کا تعین

$x$ $y^2$	2 00	01	11	10	گرے دمسز سر
0	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$	
1	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$	

شکل ۲.۴: تین متغیر کارنان نقشے کی بنیادی صور \_\_\_

$y^2$	Z			
wx	00	01	11	10
00	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$
01	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$
11	$m_{12}$	$m_{13}$	$m_{15}$	$m_{14}$
10	$m_8$	m <sub>9</sub>	$m_{11}$	$m_{10}$

ك ٢٠٠٣: حيار متغب ركارنان نقث كى بنيادى صورب.

70x کی قیمیں، جبکہ قطاروں کا تعلین 42 کی قیمیں کرتی ہیں۔ ان قیتوں کو گرے رمسنز مسیں لکھ کر حنانوں کی پہپان کی حباتی ہے۔

اب تک آپ پر واضح ہو چکا ہو گا کہ کارناف نقشے بناتے ہوئے صفوں اور قطباروں کو گرے رمسز مسیں مسیں رکھا حباتا ہے۔ حپارسے زیادہ متنعب رات کے کارناف نقثوں کا استعمال نسبتاً پیچیدہ ہو تاہے، لہذا ان سے تف عسل کا سادہ روپ عصوماً کمپیوٹر کی مدد ہے حساس کی کسیاحب تاہے۔

### ۲.۴ کارناف نقشے کی تجسرائی

 $y_0$  ہولین جبدول سے کارناف نقشے کی بھے رائی نہایہ آسان اور سیدھ عمل ہے۔ بوولین حبدول کی جن صفوں مسیں 0 پر تناف کی قیمت 1 ہو، ان کے مطابقتی (کارناف نقشہ کے) حنانوں مسیں 1 پر کریں؛ باقی حنانوں مسیں 0 پر کریں۔ شکل 1 برا ہو ان کے مطابقتی رتف عمل و کھایا گیا ہے۔ 1 کے لئے ہے۔ عمل و کھایا گیا ہے۔ شکل 1 میں تناف کی کارناف کا نقشہ پر کہا ہوا و کھایا گیا ہے۔ تناف کو مجہوع ہار کان خرب کے رویے دار کان خرب کے دیا نے والے حنانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔ رویے مسیں کھنے سے کارناف نقشہ مسیں کرکے جب نے والے حنانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔

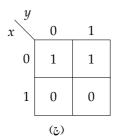
 $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$  کی مثال شکل  $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$  کی مثال شکل میں پیش کی گئی ہیں۔

### ۲.۳ کارنان نقشے سے تف عسل کی ادہ مساوات کا حصول

کارنان نتے میں و تربی و نانوں ہے میں اوالیہ  $2^n$  حن نے ہیں جنہیں میں جع یا متطیل میں گھیراحبا ہے؛ یہ اس کی قیمت 1 ، 2 ، 3 ، 3 ، 4 ، 4 ، 8 ، 4 ،

ت رپی منانوں مسیں تف<sup>ع</sup>ل کی قیت 1 ہونے کی صورت مسیں،ان منانوں کے ارکان ضرب کا مجبوعہ بوولین

x	y	F	ار کان ضرب	
0	0	1	$ m_0 $	/
0	1	1	$m_0 m_1$	$F = \sum (m_0, m_1)$
1	0	0	$m_2$	
1	1	0	$m_3$	
			(1)	



y		
$x \setminus$	0	1
0	$m_0$	$m_1$
1	$m_2$	$m_3$
	( <u> </u>	

## شكل ۴، ۴، دومتغب رتف عسل كارنان نقشے كى تجسرائي۔

х	у	z	F	ار کان ضرب	
0	0	0	0	$m_0$	
0	0	1	0	$m_1$	
0	1	0	0	$m_2$	/
0	1	1	1	$m_3$	$F=\sum(m_3,m_5,m_6,m_5)$
1	0	0	0	$m_4$	
1	0	1	1	$m_5$	
1	1	0	1	$m_6$	
1	1	1	1	$m_7$	

(5)

x 00 01 11 10 0  $m_0$   $m_1$   $m_3$   $m_2$  1  $m_4$   $m_5$   $m_7$   $m_6$ 

شكل ٨٠.٥: تين متغب ركارنان نقشْ كى بهسرائي ـ

(1)

توانین سے حسل کر کے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل کسیا حباسکتا ہے۔ سیہ رکن ان فتسریبی حضانوں کے ارکان ضرب مسیں مشتر کرسے پر مشتل ہوگا۔

دوفت ربی بلند حنانوں (جن مسیں تف عسل کی قیمت 1 ہو گی، کے ارکان ضرب کے محب ہوعہ ) سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متخب رات کی تعداد ہے ایک کم ہو گی۔ ایک طسرح، حیار بلند و متنب رات کی تعداد، تف عسل طسرح، حیار بلند و متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تو م ہو گی۔ آٹھ و متر ہی بلند حنانوں سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل ، مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد سے حیار کم ہو گی۔

مت رہی منانے گھیسرتے وقت ہے کوشش ہونی حیاہئے کہ بڑے سے بڑا مسرئع یا متطیل ہے۔ ایسا کرنے سے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل ہو گا۔ عسوماً، متسر ہی منانوں کو ایک سے زیادہ طسریقوں سے گھیسرا حیا سکتا ہے، جن سے تف عسل کی مختلف سادہ صورتیں حسامسل ہوں گی۔

اب ہم چند مشالوں کی مدد سے اسس طسریقے کار کو سکھتے ہیں۔

#### ۱.۳.۱ دو آزاد متغب رتف عسل

رو متغیبر تف عسل کے کارناف نقث مسیں  $m_0$  اور  $m_1$  مسیر بی منانے ہوں گے۔ ای طسرت  $m_0$  اور  $m_2$  بھی مسیر بی منانے ہوں گے۔ ومسیر بی منانے نہیں ہوں گے۔

سٹکل ۲۰۸۰ مسیں دو متغیب رتف عسل اور اسس کا کارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ کارناف نقشے مسیں حنانوں ہے اوپر، متغیب رy کی مسکن قیتوں 0 اور 1 کی بحب عبالت رتیب  $\overline{y}$  اور y کی مسکن قیتوں 0 اور 1 کی بحب عبالت رتیب رکھی گیا ہے جب کہ کی جب کی جب کی مسئن متغیب رکھی گئی ہے جو پہت متغیب رکوظ ایر کرتا ہے)۔ ای طسرح حنانوں کے بائیں حبانب  $\overline{x}$  اور x کھی آسیا ہے۔

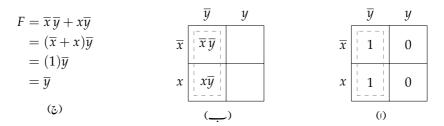
کارنان نقشے کے دوفت رہی حنانوں مسیں تفاعسل کی قیمت 1 ہے، جنہیں نقط دار متطیل مسیں گھیداگیا ہے۔ شکل دمسیں ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع کو بوولین قوانین سے حسل کر کے سادہ رکن حساسل کیا گیا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع سے ایک متغیر رکن حساسل ہوتا ہے؛ یعنی دو متغیر تفاعل کی صورت میں دوحنانوں سے ایک متغیر رکن حساسل ہوا۔

یمی می اوات، مشکل - ج کے کار ناف نقیم میں نقط دار متطیل میں گھیرے ، دو قسر بی حنانوں کو دیکھ کر لکھی حب سے جو نقط دار متطیل میں گھیرے دو قسر بی حنانوں کے ارکان خرب  $\overline{x}$  ہیں۔ ان ارکان خرب میں  $\overline{x}$  مشتر ک ہے ، جبکہ ایک رکن میں  $\overline{y}$  اور دو سرے میں y ہے۔ یوں، نقل دار متطیل میں گھیرے ارکان خرب میں وہ حصہ جو مشتر ک ہو مطاوب سادہ رکن ہوگا۔ (غیبر مشتر ک حصہ رد کرنا، شکل - دمیں  $\overline{y}$  بی کہ مترادف ہے۔) چو نکہ ان حنانوں کے عیادہ تمام حنانوں میں  $\overline{y}$  ہوگا۔ یہ رکن تف عمل کی میں رکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کارکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف عمل کی میں دارس ( $\overline{y}$  بی کرکن تف کو کن کار کن تف کار کار کرکن کو کی کار کار کار کرکن کی کرکن کو کرکن کی کرکن کی کرکن کو کی کرکن کو کرک

 $\overline{y}$  مسیں  $\overline{x}$  اور  $\overline{x}$  ا

x اور xy 
$F = \overline{x}\overline{y} + \overline{x}y$ $= \overline{x}(\overline{y} + y)$	$\frac{\overline{y}}{\overline{x}} \begin{vmatrix} y \\ \overline{x} \overline{y} \end{vmatrix} = \frac{\overline{y}}{\overline{x}y} \begin{vmatrix} y \\ \overline{x} \end{vmatrix}$	$\overline{y}$ $y$ $\overline{x} \mid 1 \mid 1 \mid$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$= \overline{x}(1)$			$egin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$= \overline{x}$	x	$x \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
(,)	(3)	( <u> </u> )	(1)

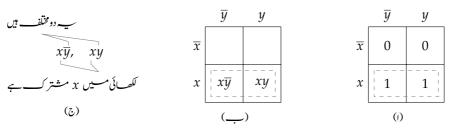
شکل ۲.۲: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کا حصول۔



شکل ۷.۷: فتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

حنانوں مسیں تفعل کی قیمت 0 ہے اہلہٰ ذاتف عسل کے ارکان ضرب کامحب وعب ای رکن کے برابر ہو گا۔ یوں اسس کی مساوات ہ

سٹکل ۹.۴ مسیں ایک ہی حنانے کو دو قسر ہی حنانوں کے ساتھ باری باری جوڑتے ہوئے سادہ مساوات  $(F = \overline{x} + \overline{y})$ 



شکل ۴.۸: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

اور $\overline{x}$ کھنے میں $\overline{x}$ مشتر کے، $\overline{x}$ آور
اور $\overline{x}$ کھنے میں $\overline{y}$ مشتر کے ہے، $\overline{x}$ $\overline{y}$
البنذامساوات $F=\overline{x}+\overline{y}$ ہوگی۔

	$\overline{y}$	y		$\overline{y}$	y
$\overline{x}$		<del>x</del> y	$\overline{x}$	1	1
x	$ x\overline{y} $		x	1	0

#### شکل ۹، ۲۰: قت ریبی بلند حن انوں سے سادہ رکن کا حصول۔

F = 1

	$\overline{y}$	y
$\overline{x}$	$\int_{0}^{\infty} \overline{x}  \overline{y}$	$\overline{x}y$
x	$\frac{1}{x}$	xy

	$\overline{y}$	y
$\overline{x}$	1	1
x	1	1

شکل ۱۰ بم: حیار قسر یبی حنانوں سے سادہ رکن 1 حساسل ہوگا۔

کریں۔مساوات کوار کان ضرب کامحب وعبہ لکھ کراسس کی سادہ روی اخبذ کرتے ہیں:

$$F = x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= (x + \overline{x})\overline{y} + \overline{x}(\overline{y} + y)$$

$$= (1)\overline{y} + \overline{x}(1)$$

$$= \overline{y} + \overline{x}$$

 $\overline{x}\,\overline{y} = \overline{x}\,\overline{y} + \overline{x}\,\overline{y}$  جہاں، دو سرے ت مر پر جبدول ۱۲.۳ ا ب کی شِق 4 (صفحہ ۵۰) استعال کرتے ہوئے  $\overline{x}\,\overline{y} = \overline{x}\,\overline{y}$  ککھا۔ گیا۔

شکل ۱۰٬۰۱۰ میں پارفتر بی حنانے ایک متطیل میں گھیرے حبا سکتے ہیں۔ ایک صورت میں تفاعل میں میٹ بلند (1) رہے گالہذااس کی مساوات F=1 ہوگی۔

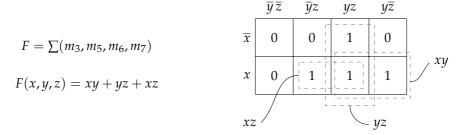
سشکل ۱۱.۱ مسیں متبریبی حنانے نہیں پائے جبتے، البذا ارکان خرب کے محبصوعہ کو مسزید سادہ نہیں بنایا حباسکتا۔ جب بھی کوئی حنانہ کسی منتظیل مسیں شامسل نہ ہو، اسس کارکن خرب جوں کا توں محبصوعہ (اور مسادات)مسیں رہے گا۔

مثق ابه: ارکان ضرب کے مجبوعہ کی سادہ صورت بوولین قوانین سے حساس کر کے ثابت کریں کہ شکل ۴۰۰۰

		$\overline{y}$	y
$F = x\overline{y} + \overline{x}y$	$\overline{x}$		$\overline{x}y$
	x	х <del>у</del>	

	$\overline{y}$	y
$\overline{x}$	0	1
x	1	0

شكل ۱۱ بم: فت ربى حنانے نہيں يائے حباتے۔



شکل ۱۲ به: تین متغیب رتف عسل کے کارنانی نقشے سے سادہ مساوات کا حصول۔

F = 1 ہے۔

مثق ۲۰۰۸: رکن ضرب به ونے کی صورت مسین ثابت کریں کہ تفاعب کی مصاوات F=0 ہوگا۔

سشكل ۱۱.۱۸ مسين ايب تف عسل ديا گيا ہے جس كے حن نے كى مسرئع يا متطيل مسين نہيں گھيرے دبا كتے۔اليہ تف عسل كى مساوات كو سادہ نہيں بناياحبا سكا۔

## ۲.۳.۲ تین متغیر تفعل

تین متغیبر تف عسل اور اسس کاکار ناف نقشه مشکل ۱۲.۳ امسیں دکھیا گیا ہے۔کار ناف نقشے مسیں دو مستریبی حن انوں کو گھیسرنے والے تین متعلیل بست مسیں  $2^n$  حن نے سموے حیائیں، جہاں n عدد صحیح ہے۔ یوں تین حن انوں کو گھیسرنے کی احباز سے نہیں۔

درمیانی متطیل 10 اور 17 گیر تا ہے۔ان حنانوں کے ارکان ضرب میں x کی قیت تبدیل ہوتی ہے، جب کہ 72

دونوں مسیں مشتر کے ہے۔ یوں ان کا سادہ رکن xz ہوگا۔ باقی دومتنطیل سے xy اور xx حساصل ہوگا۔ یوں تغساعمل کی سادہ مساوات ان کا مجبوعہ (F = xy + yz + xz) ہوگا۔ اسس مساوات کو ارکان ضرب کے مجبوعہ ہے اور کان ضرب کے مجبوعہ سے یوں لین قوانین کی مددے حساس کر کتے ہیں (جو آپ کواگلی مثل مسیں کرنا ہوگا)۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3,m_5,m_6,m_7)$$
  $= \overline{x}yz + x\overline{y}z + xyz + xy\overline{z}$  (۴.۱)  $= xy + yz + xz$  (پیم کومپوس)  $= xy + yz + xz$ 

اسس مساوات کی دوسسری کگیسر مسیں، ارکان ضرب تمسام آزاد متخیسرات پر مشتل ہیں۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو تفصیلی رکن ضرب کہتے ہیں۔ مساوات کی تعیسری کگیسر کے ارکان ضرب مسیم، آزاد متخیسرات کی تعیداد کم ہے۔اسس طسرح کے رکن ضرب کوسادہ رکن ضرب کہتے ہیں۔اسس کتاب مسیم، عصوماً، دونوں اقسام رکن ضرب پکارے حبائیں گے۔امید کی حباتی ہے، مستن سے مطاب و مطلب واضح ہو گا:جہاں ایسا نہ ہو، وہاں انہیں مکمسل نام سے پکاراحبائے گا۔

مثق ۳.۳٪ بودلین الجیراات تعال کر کے مساوات ۴.۱ کی دوسری لکسیرے تیسری لکسیر حساسل کریں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں کہ آپ مشکل ۱۲.۳۴ کے کارناف نقشے سے سادہ ارکان ضرب حساسل کرناحب نتے ہیں۔

 $m_2=\overline{x}y\overline{z}$  اور  $m_0=\overline{x}\overline{y}$  کا  $m_0=\overline{x}\overline{y}$  کا  $m_0=\overline{x}\overline{y}$  اور  $m_0=\overline{x}\overline{y}$  کا محبوعہ حساصل کرتے ہیں۔

$$m_0 + m_2 = \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + \overline{x} y \overline{z}$$

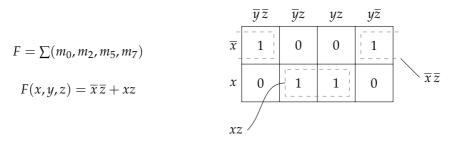
$$= \overline{x} \, \overline{z} (\overline{y} + y)$$

$$= \overline{x} \, \overline{z}$$

ان تین متغیبہ ارکان ضرب کے محب وعے سے دومتغیبہ رکن ضرب حساصل ہوا۔ یوں  $m_0$  اور  $m_2$  حنانوں کو متسر بی حنانے تصور کرناہوگا۔ آئیں اسس پر تفصیل سے گفتگو کریں۔

کارنان نشتے کے بایاں اور دایاں قطبار کے حنانوں کو قت ربی تصور کریں۔ تصور مسیں اسس کاعنبذ کو، جس پر کارنان نقش ب ہو، یوں گول کریں کہ کاعنبذ کابایاں اور دایاں کسنارہ آلپس مسل حب عکس۔ اب پہسلی اور آحنسری قطبار کے حن نے قسسہ بی ہوں گے۔ ای طسسرج، دوسے زیادہ صفوں کی صورت مسیں، نحی لی اور بالائی صف کے حنانے قسسر بی ہوں گے۔ تصور مسیں کاعنبذ کو یوں لپیٹیں کہ اسس کا نحیلا کسنارہ بالائی کسنارے سے حب ملے یوں ان صفوں کے حنانوں کو قسسر بی تصور کمیاحبا سکتا ہے۔

مشکل ۱۳.۳ مسیں  $m_0$  اور  $m_2$  کو متطیل مسیں گھیرا دکھایا گیا ہے۔ (تصور کریں کہ لیٹے گئے کاعنبذ پر ان حنانوں کو متطیل مسیں گھیرنے کے بعد ، کاعنبذ کو دوبارہ سیدھا کیا گیا ہے؛ یوں متطیل دو نکڑوں مسیں نظسر آئے



شکل ۱۳۱۲، ۲۰ کارنان نقثے کے اطسران آلپ مسیں ملائیں۔

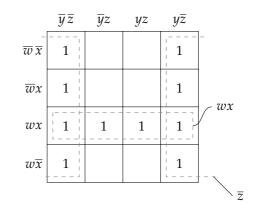
	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\begin{bmatrix} x & y & z \\ x & \overline{y} & \overline{z} \end{bmatrix}$	$\overline{x}$ $1$ $x$ $y$	0	1	1 1	$\bar{z}$

شکل ۱۴، ۱۳: حیار ت ربی منانے۔

xz مشتر کے ہے، جو ہمارے توقع کے عصین مطابق ہے۔ حن سے  $\overline{x}$  اور  $\overline{x}$  اور  $\overline{x}$  مشتر کے ہوں قاعل کی اور اور ان ان ادوار کان کا محبوعہ  $F=\overline{x}$   $\overline{z}+xz$ 

سشکل ۱۳.۸ مسیں تین متغیبر کارناف نقث دیا گیا ہے، جس مسیں حیار قت بین حنانوں کے دومسر بعے بنائے گئے ہیں۔ آپ کارناف نقٹے کو دکھ کر تفاعسل کی سادہ مساوات کھ سکتے ہیں۔ (اگر آپ ایسا نہیں کر سکتے، تیار ہو حبائیں!اگل مثق مسیں یمی کہنے کو کہا گیا۔۔)

مثق ۲۰.۳: سشکل ۱۲.۳ مسیں دیئے تف عسل کی سادہ مساوات کارناون نقشے سے حساصل کریں۔ای مساوات کو بودلین الجبرا کی مدد سے حساصل کریں۔ شکل مسیں حیار کونوں کامشتر کے حصہ ( (\overline{Z}) د کھسایا گیا ہے۔



 $F(w, x, y, z) = wx + \overline{z}$ 

شكل ۱۵. ۲۲: حيار متغير نقث (برائے مثال ۱۰٫۲)

#### ۳.۳.۳ حيار متغير تفاعل

حیار آزاد متغیر تف مسل کے سولہ ارکان خرب ہوں گے۔ اسس کے کارناف نقٹے مسیں قسر بی حنانوں کو پہیانے کی حن طسر تقتے کو ایک سطح پربت ہواتصور کریں کہ نقتے کی دایاں قط ارتفتے کی بائیں قط ارسے حب ٹراہو۔ ای طسر تفتے کی بالائی صف اور  $m_1$  حن نے مسیں حب ٹرے ہوں۔ یوں  $m_2$  حن نے  $m_3$  حن نے حب ٹرتا ہے، اور  $m_1$  حن نے حب ٹرتا ہے، اور  $m_1$  حن نے حب ٹرتا ہے۔

اس نقتے مسیں دو، حیار، آٹھ اور سولہ فت ربی حنانے بسنانا مسکن ہے۔ دو فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں تین متغیرات ہوں گے۔ حیار فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں دو آزاد متغیرات ہوں گے۔ آٹھ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں ایک متغیر ہوگا، جبکہ سولہ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
کے برابر ہوگا۔

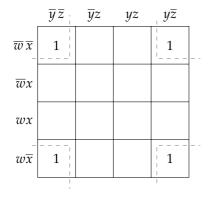
حيار متغب ركارنان نقثوں كى چند مثاليں ديكھتے ہيں۔

مثال ابن درج ذیل تف عسل کی سادہ مساوات شکل ۱۵،۴ مسیں پیش کی گئے ہے۔

 $F(w, x, y, z) = \sum (m_0, m_2, m_4, m_6, m_8, m_{10}, m_{12}, m_{13}, m_{14}, m_{15})$ 

مثال ۲.۲: درج ذیل تف علات کی اده مساوات حساصل کریں۔

$$F(w,x,y,z) = \sum_{m_0,m_5,m_7,m_{10},m_{11},m_{13},m_{15}} F(w,x,y,z) = \sum_{m_0,m_2,m_8,m_{10}} (m_0,m_2,m_8,m_{10})$$





$$F(w, x, y, z) = \overline{x}\,\overline{z}$$

$$F(w, x, y, z) = \overline{w} \, \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + xz + w \overline{x} y$$
(1)

شکل ۱۱، ۲: حیار متغیر نقث (برائے مشال ۲،۴)

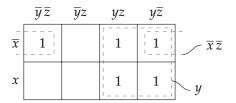
مثق ۵. ۴: سنگل ۱۲.۴-ب کے حپار حنانوں کے ارکان ضرب کے محبسوعہ کا سادہ روپ، بوولین قوانین کی مدد سے حاصل کرکے ثابت کریں کہ ہے۔ وقت رہی حنانے ہیں۔

مثال ٣.٣: تين آزاد متغيرات كے بلا شرك گير كاكارنان نقث حياصل كريں۔ حل: شكل ١٤.٢ مسيں نقث پيش ہے۔ اسس مسيں و ترب حنانے نہيں پائے حباتے، الهذا اسس كی مساوات مسزير سادہ نہيں بن كي حباستی۔

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
$\overline{x}$		1		1
x	1		1	

 $F(x,y,z) = x \oplus y \oplus z$ 

شكل ١٤. ٢٠: تين متغب ربلاث ركت گيٺ كانقث (برائے مثال ٣٠٠٧)



 $F(x,y,z) = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$ 

شکل ۱۸.۲: سادہ مساوات سے ارکان ضرب کے محب وعب کا حصول (مثال ۴۲.۲۷)۔

#### ۲.۳.۸ سادہ مساوات سے تف<sup>ع</sup>ل کے ارکان ضرب کا حصول

کی بھی تفعل کی سادہ مساوات کا حصول بذریعہ کارناف نقشہ آپ نے دیکھا۔اسس جھے مسین اسس طسریقہ کار کو اُلٹ چپلا کر تفاعسل کی سادہ مساوات سے ارکان ضرب کا محبہوعہ حساسل کیا جبائے گا۔۔۔ ترکیب مثال سے بہتر سجھ آئی گی۔

مثال ۲۰٫۴: درج ذیل سادہ مساوات سے تفاعس کے ارکان ضرب کامجب وعب دریافت کریں۔

$$F(x,y,z) = y + \overline{x}\,\overline{z}$$

حل: سشکل ۱۸.۴ مسیں سادہ مساوات سے کارناف نقث حساسل کیا گیا، جس سے محبہوعہ ارکان ضرب کھا گیا۔

# ۳.۴ ضرب بعبداز جمع کی شکل مسین ساده مساوات

کارناف نقشے کے ان حنانوں مسیں 1 پُر کیا حباتا ہے جن مسیں تف عسل کے بودلین حبدول مسیں ارکان ضرب کی قیب 1 ہو۔ تقت عسل کے متم کے بودلین حبدول کے کارناف قیب 1 ہوگا۔ اس حبدول کے کارناف نقشے سے ارکان ضرب کے مجبوع کی مساوات، تف عسل کے متم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات محبم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات محبم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات کی مساوات کے متم کی سادہ مساوات ہوگا، جس کا متم لے کرا مسل تف عسل کی (ضرب بعب داز جمع کی مشکل مسیں) سات کی وضاحت کرتے ہیں۔ سادہ مساوات حساس ہوگا۔ ایک مشال سے اس بات کی وضاحت کرتے ہیں۔

مثال ۸.۵: مندرحبه ذیل تفاعل کی مجموعه ارکان ضرب اور ضرب بعید از جمع شکل میں سادہ

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
$\overline{x}$	0	0	1	1
x	1	1	0	0

г	_	. –	,	`
F =	xy -	+ xy	(_	_)

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
$\overline{x}$	1	1	0	0
x	0	0	1	1

$$\overline{F} = \overline{x}\,\overline{y} + xy \quad (3)$$

х	y	z	F	$\overline{F}$	
0	0	0	0	1	
0	0	1	0	1	
0	1	0	1	0	
0	1	1	1	0	
1	0	0	1	0	
1	0	1	1	0	
1	1	0	0	1	
1	1	1	0	1	
()					

شکل ۱۹.۷؛ محبسوعی ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کی شکل مسین ساده مساوات (مشال ۸.۵) ـ

مساوات حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_2, m_3, m_4, m_5)$$

حسن: سشکل ۱۹۰۳ الف مسیں تف عسل اور اسس کے متم کا جدول پیش کیا گیا ہے۔ ، مشکل سسی دی گئی ہے۔ سشکل ج مسیں دی گئی مے۔ سشکل ج مسیں دی گئی ہے۔ سشکل ج مسیں دی گئی مے۔ استعال کی مساوات، تف عسل کے ارکان جمع کی مساوات، تف عسل کے ارکان جمع کی ضرب کی (درج ذیل) سادہ مساوات حساصل ہوگی۔

$$F = \overline{\overline{F}} = \overline{x} \, \overline{y} + xy$$

$$= (\overline{x} \, \overline{y})(\overline{xy})$$

$$= (\overline{x} + \overline{y})(\overline{x} + \overline{y})$$

$$= (x + y)(\overline{x} + \overline{y})$$

۸۵٪ غيسر دلچسي حسال

	$\overline{y}$	у	$\overline{y}$ $y$				
_	1	۱	 - 1	$\boldsymbol{x}$	y	F	$\overline{F}$
$\overline{x}$	1	r	$\overline{x} \mid 1 \mid 0 \mid$	0	0	0	1
			1,	0	1	1	0
x	d	1	$x \mid \mid d \mid \mid 1 \mid \mid$	1	0	d	d
l				1	1	1	0
	F =	$x + \overline{y}$	$F = \overline{y} + x$		(	(i)	
	(5)	)	( <u> </u> )				

شكل ۲۰٫۴۰ غني رولچي حال (مشال ۲۰٫۴) ـ

## ۴.۵ عنبردلچسپ حال

ہم نے اب تک جبتے تف عسل دیکھے، ان مسیں مداحسٰل کی تمسام صور توں کے مطابقتی محسٰارج دستیاب اور ضروری تھے۔ بعض او صاحب مداحسٰل کی چب نہ قبستیں ممسکن نہسیں ہول گی یاان کے مطابقتی محسٰارج استعال نہسیں ہوں گے۔مداحسٰل کے ان قیتوں کو عسب رد کیے سب سے سال کہتے ہیں۔

تف عسل کی سادہ مساوات حساس کرتے وقت، کارناف نقشے کے غیسر دلچ پ حسال حنانوں مسیں 0 یا 1 کی بحب کے d درج کسیاحباتا ہے۔ وقت بی حنانے گھیرتے وقت اگر کسی غیسر ضروری حنانے مسیں 1 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہو تو اسس حنانے مسیں 1 تصور کسیاحباتا ہے، اور اگر اسس مسیں 0 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہوتی ہے تو اسس مسیں 0 تصور کسیاحباتا ہے۔

مثال ۲.۷: درج ذیل تف عسل کی ساده مساوات، محب وعب ار کان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے روپ مسیں حیاصل کریں۔

$$F(x,y) = \sum (m_0, m_3)$$
  
$$d(x,y) = \sum (m_2)$$

سل: تف عسل کا ایک حسال غیر دلیپ ہے۔ شکل ۲۰۰۸ میں تف عسل کا بوولین حبدول اور کارناون فیڈ دکھائے گئے ہیں۔ مجبوعہ ارکان خرب کے روپ میں سادہ مساوات حساسل کرتے وقت غیر دلیس خت نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی (مشکل - ب)۔ خرب بعد از جمع کے روپ مسیں بھی غیر دلیس حن نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مسیل ہوگی دوپ مسیل بھی غیر دلیس حن نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی درشکل - بی اسل ہوگی درشکل ہ

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\overline{w}\overline{x}$	1	d	d 	1	$\overline{w}\overline{x}$
$\overline{w}x$		d			$F(w, x, y, z) = w\overline{y} + \overline{w}\overline{x}$
wx	1	1			I(w,x,y,z) = wy + wx
$w\overline{x}$	1	1	d		
			$\overline{w}\overline{y}$		

شكل ۲۱.۳۱ غيسر دليسي حسالات (مشال ۲۵.۷) ـ

سل: سشکل ۲۱٫۳ مسین کارناف نقشہ پیش کی گیا ہے۔ سادہ مساوات کے حصول مسین (بالائی صف کے) دو عنی رد کچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رکچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رپوشش کی گئی۔ ہے۔

# ا\_\_\_

# تركب بي منطق اور تركب بي ادوار

تر کیبی منطق اے مسراد وہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ مداحنل پر مخصسر ہو؛ یعنی، کسی بھی لمحس پر تفاعسل کا محنارج، اُی لمحسے کے مداحنل پر مخصسر ہوگا۔ ایسے تفاعسل کو ترکسیبی ادوارے حسامہ عمسل پہنایا حساتا ہے، جوشنائی گیٹ سے حساصل کئے حساتے ہیں۔اسس باب مسیں ترکسیبی ادوار پر غور کسیاحبائےگا۔

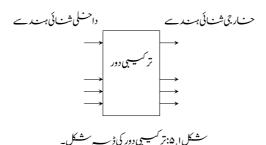
اسس کے برعکس، ترتیبی منطق اسے مسرادوہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ اور ماضی مداحنل پر مخصسر ہو؛ لینی، کسی بھی لمحسے پر تفساعسل کامخنارج، گزرے اور موجودہ مداحنل پر مخصسر ہوگا۔ ترتیبی منطق کو ترتیبی ادوار سے حساس ہمسایا حساتاہے، جن پر انگلے باہے مسین غور کہا حسائے گا۔

کسی بھی ترکسیبی دور کو سشکل ۱.۵ گوبہ شک**ک ت**ے ظاہر کسیا جب سکتا ہے ، جباں مداحسنل شنائی ہند سوں (مداحسنل بِٹ) کو مائیں جب کہ محساری شنائی ہند سول کو دائیں ہاتھ رکھسا حب تاہے۔

۱.۵ شنائی جمع کار اور شنائی منفی کار

دواعب داد کو جمع یامفی کرنابنیادی ساب کاهسے ہے۔ آئیں دوبِ جمع کرنے والے دور پر غور کریں۔

combinational logic sequential logic box diagram



#### ا . ا . ۵ نصف جمع کار

ایک برٹ کی قیت صرف 0 یا 1 ہو سکتی ہے، البذادوبٹ جع کرتے ہوئے درج ذیل حیار (شنائی) صور تیں پیدا ہوں گی۔ (اسس باب مسین شنائی ہندہے اور اعبداداستعال ہوں گے:زیر نوشت 2 کھے کروضا حت نہیں کی حبائے گی۔)

$$0 + 0 = 0$$
  
 $0 + 1 = 1$ 

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10$$

اسس مساوات مسین دوبر نے جمع کئے گئے، البذا مداحسٰل کی تعبداد دو ہو گی۔ مساوات مسین اگر حپ پہلے تین جوابات ایک برٹ بین، لسیکن آحسٰری جواب دوبرٹ ہے۔ یوں، تمسام صور توں سے نسپٹنے کی حسٰاطسر، جوابات دوبرٹ تصور کے حسائیں گے، اور ذیل کھیں بہتر ہوگا:

$$0 + 0 = 00$$

$$0 + 1 = 01$$

$$1 + 0 = 01$$

$$1 + 1 = 10$$

جس سے واضح ہے کہ جواب دوبٹ ہیں۔ یوں، دوبٹ جمع کرنے والے دور کے دومداحن اور دوممن ارج ہوں گے۔

مداحن کو y اور z ، جب محن ارج کو s اور c کلھ کر درج بالام وات کو حب دول a امسیں پیش کی گیا ہے ، جس سے تقاعلات a اور a کی مساوات ، محب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیں حساصل کرتے ہیں۔

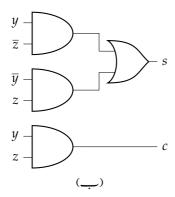
$$\begin{array}{c} c = yz \\ s = \overline{y}z + y\overline{z} \end{array}$$

اِن تف عسلات کے (دو مختلف اقسام کے)ادوار شکل ۲۰۵ مسیں پیش کیے گئے ہیں، جو نصف جمیع کار مہاب لاتے ہیں۔اسس نام کی وضاحت اگلے حسب مسیں ہوگی۔

half adder"

حبدول ۵: دوبِٹ جمع

y	z	С	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0







كمسل جمع كار	:۵٫۲ر	حبدول

x	y	z	С	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

۵.۱.۲ مکسل جمع کار

آئیں، ایک سے زیادہ ہے شنائی اعبداد  $y=111_2$  اور  $z=11_2$  کے مجبوعے کا حصول دیکھتے ہیں۔

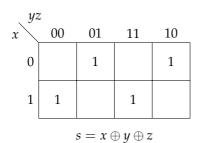
 $y_1$  ہوئے ہوئے ہوئے ہوئے ہوں اور  $y_0$  کو نصف جمع کار حسل کر سکتا ہے، کسیکن اسکا ہے میں  $y_1$  اور  $y_1$  جمع کرتے ہوئے گرشتہ وقت میں کاما اصلی م جمع کرنا ہوگا۔

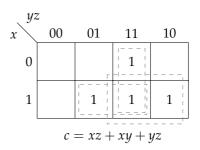
ظ ہر ہوا، دواعب داد جمع کرنے کی حن طب رایب دور در کار ہو گا جو تین بٹ جمع کر سکے۔ آئیں ایب دور دیکھتے ہیں۔

x اور x جبکہ محنارج x اور x اور x جبکہ محنارج x اور x

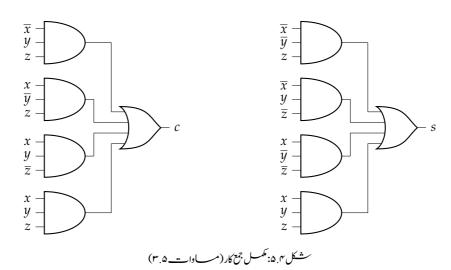
حبدول ہے 2 اور 8 کے تفاعسات کی مساوات ، مجبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسین حسامسل کرتے وقت ہیں۔ یادرہ جبدول مسین تین آزاد اور دو تائع متغیرات ہیں۔ ایک تائع متغیرہ کی مساوات حسامسل کرتے وقت وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کی اور 2 پر نظر رکھتے ہوئے 2 کے ارکان ضرب کا مجبوعہ لیں۔ شکل ۳۵،۵ مسین کارناف نشوں سے ان تفساعسات کی (درج ذیل) سادہ مساوات حسامسل کی گئی ہیں۔

$$c = xz + xy + yz$$
$$s = x \oplus y \oplus z$$





#### شکل ۱۵:۵: مکسل جمع کار

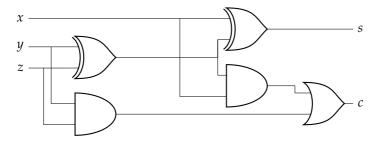


کارناون نقشہ استعمال کیے بغیب رحبہ ول ۲۰۵ سے ان تف عسلات کی مساوات، محبب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیر لکھتے ہیں۔

$$\begin{array}{c} c=\overline{x}yz+x\overline{y}z+xy\overline{z}+xyz\\ s=\overline{x}\,\overline{y}z+\overline{x}y\overline{z}+x\overline{y}\,\overline{z}+xyz \end{array}$$

انہیں شکل ۴.۵ میں عملی حبامہ پہنایا گیاہے۔

 $(\overline{x}+x)yz$  جبکہ باقی احب زاء کا محبوء سے در جبال جب کی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج بالا جب کی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے معربی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی مصاوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوء سے درج باتی کے درج باتی کے درج باتی کے درج باتی دواحب زاء کی درج باتی کے درج باتی



شکل ۵ ۵: مکسل جمع کار کابہتر دور (مساوات ۵ ۴)

لہندا c کے لئے درج ذیل لکھا حساسکتاہے۔

$$c = (\overline{x} + x)yz + x(\overline{y}z + y\overline{z})$$
  
=  $yz + x(y \oplus z)$ 

اس کومساوات ۲.۵ میں پیش S کے ساتھ اکٹھ کیے ہیں۔

$$(a.r)$$
  $c=yz+x(y\oplus z)$   $s=x\oplus y\oplus z$   $(a.r)$ 

ان تف عبلات کو شکل ۵٫۵میں پیش کباگیاہے، جو شکل ۴٫۵سے بہتر (چھوٹا)ہے۔ ماوات ۵.۴مسیں دیے 8 سے ارکان ضرب کامجب وعب حساصل کرتے ہیں۔

$$s = x \oplus (y \oplus z)$$

$$= x \oplus (y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(\overline{y}\overline{z} + \overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(\overline{y}\overline{z})(\overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(\overline{y} + z)(y + \overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(yz + \overline{y}\overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

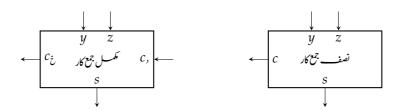
$$= xyz + x\overline{y}\overline{z} + \overline{x}y\overline{z} + \overline{x}\overline{y}z$$

شکل ۵.۵ مکل جمع کار اکہا تاہے، البذاشکل ۲.۵ کو نصف جمع کار کمہیں گے۔

حبدول ۲.۵ مسین ۷ اور Z شنائی ہند سول کے ساتھ گزشتہ ت دم کا حساس X جمع کسیا گسیا۔ شکل ۲.۵ مسین نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبدلامت پیش ہیں۔ مکسل جمع کار مسیں گزشتہ ت رم سے داخلیر عاصلیر ^ر و ر بر جب اسس

half adder2

carry in



شکل ۲.۵: نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبلامت یں۔

#### ت دم کے فارج پر عاصل ہ ہو ¿c سے ظب ہر کبا گیا۔

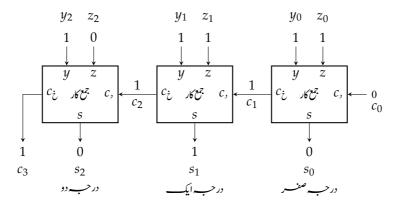
آئیں 1112 👢 اور 112 👢 کامحبسوعہ مکسل جمع کار کی مدد سے حساس کریں۔سب سے پہلے دونوں اعب داد کو تین شنائی ہند سوں مسیں لکھیں،الہذا و 211 z=0 ہوگا۔ شکل 2.2 مسیں مطابوب تین درجی، تین ہینے جمع کارپیش کسا  $z = y_2 y_1 y_0$  اور  $y = 111 = y_2 y_1 y_0$  اور  $y = 111 = y_2 y_1 y_0$  اور ہنے ہوں کمر تی بے کے مکسل جمع کار کو دونوں اعداد کے کمر تی ہندے،  $y_0=1$  اور  $z_0=1$  ، منسراہم  $z_0=1$  ہنے ہوں کمر تی ہندے کے مکسل جمع کار کو دونوں اعداد کے کمر تی ہندے ہو کے حیائیں گے،اور ساتھ ہی چونکہ پہلے ت دم مسیں کوئی"دا <sup>حن</sup>لی مساصل "نہیں ہو گالہہٰ ذادا <sup>حن</sup>لی مساصل 0 👤 🕳 ونسراہم کیا جبائے گا۔ اگلے ت دم مسین جمع کار کو  $v_1 = 1$  اور z = 2 کے ساتھ پہلے ت دم کاحب اسسال  $c_1$  بطور دا خنلی سیاصل، منسراہم کسیاحیائے گا، جب کہ آمنسری جمع کار کو  $y_2 = 0$  اور  $y_3 = 0$  کے ساتھ گزشتہ متدم کا حساصل c2 فنراہم کساحسائے گا۔ تین بٹ جع کار،ان اعبداد کامجب وعب c3525150 = 1010 دے گا۔

$$\begin{array}{c}
111 \\
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

شکل ۲۰۵۵ مسین چونکه در حب صف ر کاداحنلی حساصل ہمیشہ 0 ہوگالبذا ایب انگمسل جمع کار کی بحب نے نصف جمع کار بھی استعال کے صرورت نہیں ہوگی۔

زبادہ ہا اعبداد کے محب موعب کے لئے شکل 2.4 مسیں مائیں حیازے مسئرید مکسل جمع کار کااضاف کسیا سیائے گا۔ بول 8 بٹ(لینی) ایک بائٹ) اعبداد کا محبسوعہ آٹھ درجی جمع کار دے گا،جو 8 مکسل جمع کاریر مشتمل ہو گا،جب کہ 64 بٹ اعبداد کے محب وعبہ کے لئے 64 مکسل جمع کارپر مشتل 64 بٹ جمع کار در کار ہو گا۔



مشكل ٤٠: تين درجي، تين بك جمع كار

مثق ا.۵: مختلوط دور 74283 مپاریک مکسل جمع کارہے (صفحہ ۴۵ پر مختلوط ادوار کے سلسلہ 74xxx کے بارے مسین دوبارہ پڑھسین )۔ اسس کے معسلوماتی صفحات انتشار نیٹ 'اسے صاصل کریں۔ اسس مختلوط دور کو استعال کرتے ہوئے 8 بٹ کے دوشنائی اعساداد جمع کریں۔

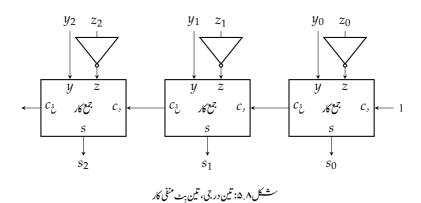
#### ۵.۱.۳ منفی کار

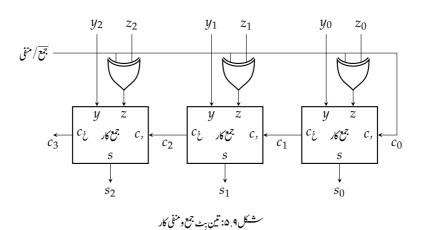
شنائی اعبداد کو کمپیوٹر دو کے تکمسالہ کی مدد سے منفی کر تا ہے۔ دو کا تکمسالہ استعمال کرتے ہوئے شنائی اعبداد منفی کرنے کے عمسل پر دوبارہ نظسر ڈالتے ہیں۔ یادر ہے، بلسند تر رتی ہٹ کی جمع سے پسیدا، آحنسری حساصسل منسائع کسیاحباتا ہے، جبکہ اسس کی عنسیر موجود گی مسین بنتیجے کادو کا تکمسالہ لسیاحب تا ہے۔

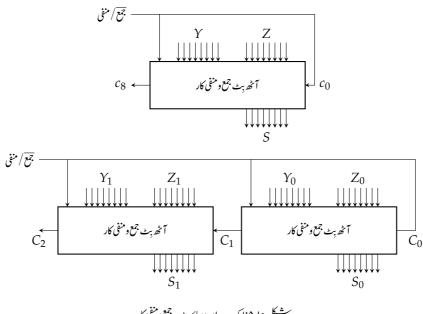
تین بِٹ شنائی اعبداد y اور z = z س س س کرنے کے لئے z کے متم کے ساتھ 1 اور y جمع کر ناہو گا۔ شکل میں اس عمسل کو عمسلی حباسہ پہنایا گیا ہے، جباں نفی گیٹ استعال کر کے z کا متم (یا ایک کا تکمسلہ) میں اس عمسل کو ساتھ 1 جمع کرنے کی حناط سردر حب صف کوداخنلی حیات 1 فیسر ایم کیا گیا۔

سشکل ۵. کاور سشکل ۵. ۸ دونوں مسیں مکسل جمع کار استعال ہوئے۔ سشکل ۵. کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کر کے اور داخسلی حساس سل کے دور سے بھی حساسل کے دور سے بھی دور سے دور سے بھی دور سے دور سے بھی دور سے دور س

'انٹ رنیٹ مسیں74283 datasheet تلاشش کریں۔







مشکل ۱۰.۵:ایک اور دوبائٹ جمع ومنفی کار

اسس شکل مسین بلا شیرکت جمع گیٹ استعال کیا گیا،اور ت ابوا شارہ جمع / منفی کاامنساف کیا گیا۔اسس ت ابو اث ارہ کی کار کر دگی پر غور کرتے ہیں۔ جب جج کم منفی اث ارہ بیت (0) ہوبلا شسر کت جمع گیٹ عب د 🛽 جوں کا توں مکسل جمع کار تک پہنچائے گا، اور ساتھ ہی  $c_0=0$  ہو گا؛ لہندا ہے دور تین بٹ جع کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

اسس کے برعکس، جمع /منفی ایشارہ بلند (1) ہوبلا شسر کت جمع گیٹ عبد د کے کامتم 🔻 مکمسل جمع کارتک پہنچائے گا،اور  $c_0=1$  ہوگا؛لہنداہ دور تین بٹ منفی کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

ت ابواث ارہ کے نام مسیں "منفی" اور "" لکھ کر ہے واضح کی گیا ہے کہ اث ارہ بلند ہونے کی صورت مسیں منفی کار اور پیت ہونے کی صورے مسیں جمع کار حساصل ہوگا۔

آٹھ بٹ جمع و منفی کار کو ایک بائٹ جمع و منفی کار کہتے ہیں۔ سٹکل ۵. ۱۰ مسین ایک بائٹ اور دوبائٹ جمع و منفی کار د کھائے گئے ہیں۔اسس کے بائیں حبانب مسزید درحبات جوڑ کر متعدد بائٹ کادور بنایاحباسکتا ہے۔ بیساں ۲۰ پہلے بائٹ (یعنی بٹ  $y_0$  تا  $y_0$  اگلے بائٹ (مینی بٹ  $y_8$  تا  $y_{14}$  ) کوظ اہر کرتاہے، جبکہ  $C_2$  سے مسراد دوسرے بائٹ کی جمع کا

بدول ۳.۵:اعث اری جمع کار کے مطلوب جواب
--

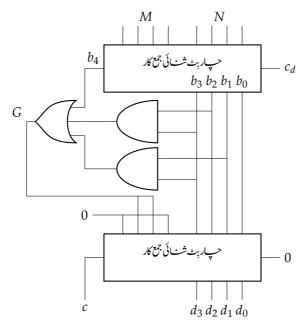
		شنائی			_	شارسي	ر موز اعه	ائی مب	ثن	اعثاری
$b_4$	$b_3$	$b_2$	$b_1$	$b_0$	С	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	2
0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	3
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	4
0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	5
0	0	1	1	0	0	0	1	1	0	6
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	7
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	8
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	9
0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	10
0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	11
0	1	1	0	0	1	0	0	1	0	12
0	1	1	0	1	1	0	0	1	1	13
0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	14
0	1	1	1	1	1	0	1	0	1	15
1	0	0	0	0	1	0	1	1	0	16
1	0	0	0	1	1	0	1	1	1	17
1	0	0	1	0	1	1	0	0	0	18
_ 1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	19

### ۵.۱.۴ اعثاری جمع کار

جیب پہلے ذکر ہوا، اعشاری اعتداد کو ثن**ائی** مر **موز اعشاریہ** "ے ظاہر کیپ حباتا ہے۔ ایب مکسل جن کار بنت تے ہیں جو دواعشاری ہیں جن دواعشاری است نے میں جو دواعشاری ہند سے اس کا یا 1 ہو ہونگہ داخشاں میں اس کا جن میں میں اس کا جو جو نکہ اعشاری ہند سے N ، M اور داخشاں سے محال کے جو اب M ہوگی ہنہ سے اس میں جن کار کے جو اب M ہوگی ، جنہ سے اعشاری ، شنائی مصر موز اعشار سے اور شنائی روپ مسیں جب دل ہے۔ سامشاری ، شنائی مصر موز اعشار سے اور شنائی روپ مسیں جب دل ہے۔

حبدول مسیں، حیار بِٹ شنائی روپ مسیں حنار جی حیاص کو  $b_4$  ، جب ہشنائی مسر موزاعشار سے مسیں حنار جی حیاص کو c ی سے طاہر کسیا گیا ہے۔ ان طسریقوں مسیں c یا c جوابات ایک جیے، جب ہم 10 یا 19 ایک روسسرے سے مختلف کھے جب تے ہیں۔ یوں اگر حیار بِٹ شنائی جج کاراستعال ہواور جواب c یہ وہت یہی جواب بطور شنائی مسرموز اعشار سے شنائی مسرموز اعشار سے جواب میں میں میں میں کے بڑے شنائی جواب کوشنائی مسرموز اعشار سے جواب سے بی جیاب کی صورت مسیں کیا کہ بیات کے بیار کی صورت مسیں کیا کہ بیار سے کہا کہ بیار کی صورت مسیں کیا کہا ہے۔

binary coded decimal (BCD)"



شکل ۱۱. ۵: شنائی مسرموزاعثاری روی مسیں اعشاری جمع کار

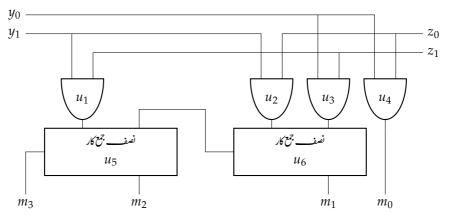
یہاں ایک دلچیپ حقیقت پر غور کرتے ہیں۔ ناصابل مسبول شنائی جواب کے ساتھ 0110<sub>2</sub> شنائی طور جمع کرنے سے درست شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل ہو گا۔ مشلاً، 201010 کے ساتھ 0110<sub>2</sub> جمع کرنے سے 10000<sub>2</sub> مسئل مسرموز اعشاریہ مسین درست جواب ہے۔ یوں 0 تا 9 شنائی جوابات کوجوں کا توں، جبکہ ان سے بڑے جوابات کے ساتھ 0110<sub>2</sub> شنائی طور جمع کرکے شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل کے ساتھ ہیں۔

حبدول ہے واضح ہے کہ جب شنائی جمع کار کے جواب میں حنارجی حیاصل  $b_4$  بلند ہو، اس جواب کوشنائی مسرموز اعشار جواب تسلیم نہیں کیا جب سالگا؛ اس کے عبالاوہ جب  $b_3$  بلند ہو تب بھی جواب کوشنائی مسرموز اعشار ہے۔ تسلیم نہیں کیا جب سالگا۔ ان حت اُق کو درج ذیل بوولین مساوات بیان کرتے ہے، جب ان ناف بالی قسبول جواب کی صورت مسیں G بلند ہوگا۔

$$(a.a) G = b_4 + b_3 b_2 + b_3 b_1$$

اسس حقیقت کو استعمال کرتے ہوئے شنائی جمع کار کی مدد سے شنائی مسرموز اعشاریہ جمع کار کا حصول شکل ۱۱.۵ مسیں دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے سازی کرتا دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے کو حناری کرتا ہے، جبکہ G بلند ہونے کی صورت مسین ساتھ 20110 جمع کرکے درست شنائی مسرموز اعشاریہ حنارج کرتا ہے۔ جبکہ جبکہ جبکہ جب

۵.۲ شنائی ضرب کار



مشكل ١٢. ٥: دوبث شن أكي ضرب كار

# ۵.۲ شنائی ضر کار

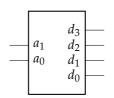
شن کی ضرب بالکل اعشاری ضرب کی طسرح کی حباتی ہے۔ دوبِٹ شنائی اعسداد y اور z کو مشلم و کاعنبذ کی طسرز پر ضرب کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

اسس مساوات سے حسامسل دو بِٹ شنائی ضرب کار سشکل ۱۲.۵ مسیں پیش ہے۔ زیادہ بِٹ کے ضرب کار بھی ای طسرح تفکیل دیے حیاتے ہیں۔

درن بالانسلم و کاغن ذکی طرز پر ضرب مسین کمت رب  $m_0 = y_0 z_0$  میں جو شکل مسین جن گیا دیت ہے۔  $y_1 z_0$  دیت  $y_1 z_0$  بر  $y_2 z_1$  بر  $y_3 z_1$  ویت  $y_1 z_0$  بر  $y_1 z_0$  ویت  $y_1 z_0$  ویت  $y_2 z_1$  ویت  $y_3 z_1$  ویت  $y_3 z_1$  ویت  $y_3 z_1$  ویت  $y_3 z_1$  ویت  $y_4 z_0$  ویت  $y_5 z_1$  ویت  $y_5 z_$ 

مثق ۵.۲: شن كَى اعبداد 112 اور 10<sub>0</sub> جمع كرنے كے قتدم شكل ۱۲.۵ كے دورمسين كرتے ہوئے د كھائيں۔

يا بىك	ا <sup>نز</sup> , م <sub>ا</sub>		جی بٹ	حنار!	
$a_0$	$a_0$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0



شکل ۱۳.۱۵: دوسے حیار مشناخت کار

مثق ۵٫۳ انٹرنیٹ سے 74284 مختلوط دور کے معسلوماتی صفحات حاصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیا کام سرانحبام دیتاہے؟

#### ۵.۳ شناخت کار

مداخنل 00 (حبدول کی پہلی صف) کرنے سے حپار محنارج مسیں سے ایک، یعنی  $d_0$  کی شناخت ہوتی ہے۔ ای طسرح 10 محنارج  $d_1$  کی، 10 محنارج  $d_2$  کی، اور 11 محنارج  $d_3$  کی شناخت کرتے ہیں۔

اگر d پار مختلف جگہمیں، مشلاً، پار گلیاں، یا پار مکان، تصور کی حب نمیں، تب a ان کا پت ہو گا، جس کے ذریعہ ان تک پہنچا مسکن ہو گا۔ ای مشابہت ہے م کو پہنتا کے بھے یا پہنتا بھے "ایاصرف پہنتا اس عدر تا جگہ ہیں۔ عددی برقیات مسین اسس طسر ت جگہ تعمین کرنے والے "پت کے بٹول"کا استعال عمام ہے اور انہمیں، عصوماً، a سے ظاہر کیا حب تا ہے۔ حب تا ہے۔

کی بھی پت کواعث اری روپ مسیں لکھیں ؛ بین معتام منتخب ہوگا۔ یوں 1012 بت معتام  $d_5$  لین کا منتخب کرے گا۔

decoder

address bits

۳.۵. شناخت کار



شكل ١٨.٥: دوباحيار شناخت كار

مشکل ۱۳.۵ مسیں دیے حب ول کو مختارج کے لئے حسل کر کے درج ذیل حساس ہوں گے۔

 $d_0 = \overline{a}_1 \overline{a}_0$ 

 $d_1 = \overline{a}_1 a_0$ 

 $d_2 = a_1 \overline{a}_0$ 

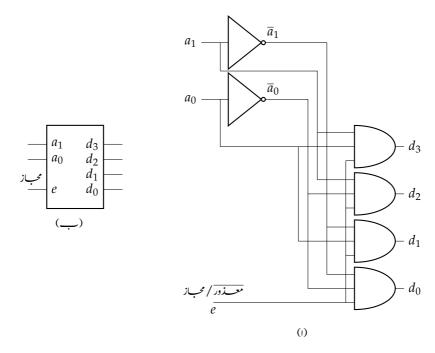
 $d_3 = a_1 a_0$ 

شکل ۱۳.۵ میں ان مساوات سے حاصل دوباحیار (2 × 4) شاختے کار پیش اسی، جس کے داختی ہوئی ہے، جس کے داختی ہوئی کی تعداد دورو (2) ، جبکہ حنار بی ہوئی کی تعداد حیار (4) ہے۔

شکل ۱۳.۵ مسیں پیش شناخت کار کے تمام ضرب گیٹوں کے ساتھ اضافی صابع مداحسل جوڑ کر محباز و معنذور مصلاحیت کا ۱۳.۵ مسیں پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اراد استان پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اور وگا اور (e) کی صورت مسیں، شناخت کرنے کا محباذ ہوگا، پیت احدار کی صورت مسیں شناخت کار معنذور ہوگا اور اسس کے تمام محدارج پیش محتارج پیس ہوں گے۔ شکل - ب مسیں اسس کی عسلامت پیش کی گئے ہے، جہاں مصابوات اور کو محتف را «محباز» کہا گیا ہے۔

حبدول ۲.۵ الف مسین محباز و معنزور صلاحی کے شناخت کار کی کارکردگی پیش کی گئی ہے۔اسس حبدول

decoder<sup>10</sup>



شكل ۱۵.۱۵: محباز ومعهذ ورصلاحيت كادوباحب ارمشناخت كار

#### حبدول ۴.۵:محساز ومعب ذور مسلاحیت کاسشناخت کار

( <u>·</u> )										
e	$a_1$	$a_0$	d <sub>3</sub>	$d_2$	$d_1$	$d_0$				
0	x	x	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0	1				
1	0	1	0	0	1	0				
1	1	0	0	1	0	0				
1	1	1	1	0	0	0				

			())			
e	$a_1$	$a_0$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

۵٫۳. شناخت کار

اآٹھ رہ ان ۔ کا	ب ب ب ارتبن	حبدول۵.۵:بلن دعم
با الفر مساحث الر	ن چسترا، ین	حب دول قد قد ببت

$a_2$	$a_1$	$a_0$	$d_7$	$d_6$	$d_5$	$d_4$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0		0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1		0		0	1		0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1		0	1	0	0	0	0	0
1	1	0		1	0		0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

کو مختصراً جبدول-ب کی صورت مسیں پیش کیا حباتا ہے، جباں پہلی صف مسیں تابو اشارہ پست x کو مختصراً جبدول  $a_1$  کی قبت یں اہمیت نہیں رکھتی ہیوں پہلی صف مسیں  $a_0$  اور  $a_1$  کی قبت کا کھی جباتی ہے۔ حباتی ہے۔

تین با آٹھ (8 × 8) شناخت کار کادور حساس کرنے کی حناطسر، تین مداحنل کاایب جبدول کھتے ہیں جس مسیں مداحنل کی ہر ترتیب ایک منف رد محنارج منتخب کرے (جبدول ۵٫۵ دیکھیں)۔ چونکہ چنا گیا محنارج بلسنہ ہوگا، لہندا ایب اسٹناخت کار، بلند عمل پراالہ کہ الاتا ہے۔ محنارج تف عسلات کی مصاوات، محب وعب ارکان ضرب کی صورت مسین حساس کرتے ہیں۔

$$d_0 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

$$d_1 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_2 = \overline{a}_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_3 = \overline{a}_2 a_1 a_0$$

$$d_4 = a_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

$$d_5 = a_2 \overline{a}_1 a_0$$

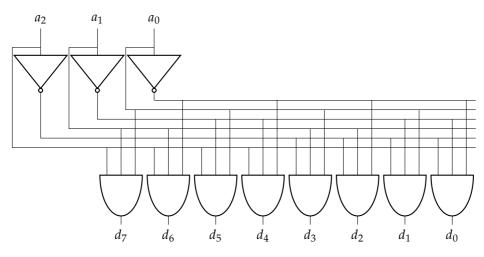
$$d_6 = a_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_7 = a_2 a_1 a_0$$

ان تف عسلات ہے مسل ،بلند عمسل پیدرا، تین با آٹھ (8 × 8) شناخت کار شکل ۱۹.۵ مسیں پیش ہے۔

اسس مسیں محباز مداحن کا اضاف کرنے سے محباز و معد ذور صلاحیت، بلند عمسل پیدرا، تین با آٹھ شناخت
کار حاصل ہوگا جو شکل ۱۵.۵ مسیں پیش ہے۔ محباز بلند ہونے کی صورت مسیں شناخت کار کام کرے گا، جب کہ پیت محباز کی صورت مسیں تمام مضارح پیت رہیں گے؛ ہم کہتے ہیں سے بلند مجاز اشناخت کار ہے۔ حبدول ۱۹.۵ پیت محباز کی صورت مسیں تمام مضارح پیت رہیں گے؛ ہم کہتے ہیں سے بلند مجاز اشناخت کار ہے۔ حبدول ۱۹۵۵ مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے۔ پہلی صف

active high active high



شكل ١٦. ١٤: بلند عمل بيرا، تين با آمله (3 × 8) شناخت كار

تین مداحسٰل  $a_1$  ،  $a_0$  ، اور  $a_2$  کی قیمستیں اہمیسے نہمیں رکھتی؛ ای لئے انہمیں x ککھیا گیا ہے جو 0 یا 1 ہوسکتا ہے۔ یہ (پہلی) صف در حقیقت،  $a_2a_1a_0$  کی آٹھ (8) قیتوں،  $a_3a_2a_3$  اللہ بالہ ذاہ آٹھ صفوں کو ظاہر کرتی ہے۔

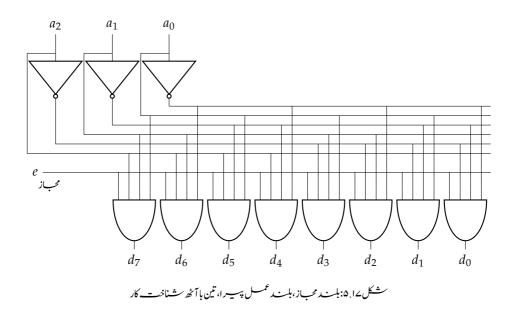
مثق ۸.۵: شکل ۱۷.۵ مسیں دایاں جمع گیٹ کا محنارج کیا ہے؟ باقی محنارج بھی شکل سے حاصل کریں۔ کیا ہے۔ حب دول ۵.۵ پر پورااتر تے ہیں؟

بعض اوت ت، ایے شناخت کار کی ضرورت پیش آتی ہے جس کا چنا گیا محنارج پیت ہو۔ ایسا شناخت کار پہنے علی پیرا ۱۸ کہا تاہے۔ حبدول ۲۵ میں ایسا پیست عمسل پیسرا، تین با آٹھ شناخت کار پیش ہے، جو ت ابو امثارہ محباز پست ہونے کی صورت مسیں کام کرتا ہے؛ ہم کہتے ہیں پہنے۔ مجاز اسے۔ روایت اور پیش ہونے کی صورت مسیں کام کرتا ہے؛ ہم کہتے ہیں بہنے گیا و دہانی کراتی ہے کہ چنا گیا محنارج پست ہو گارت ابواٹ اروپر بھی "لکسیر" کی ہے اس حقیقت کوظیام کرتی ہے کہ شناخت کاراس صورت کام کرے گا گارت ابواٹ اروپر بھی "لکسیر" کھنچی گئی ہے ( ق) جو اس حقیقت کوظیام کرتی ہے کہ شناخت کاراس صورت کام کرے گا جب ت ابواٹ اروپر بیش ہے، جو شکل ۲۵ کا میں ضرب گیٹ کی گئیٹ مشم ضرب گیٹ کی اسین ضرب گیٹ کی گئیٹ مشم ضرب گیٹ کرنے سے سال ہوگا۔

مشكل ١٩٠٥مسين تين با آخه مشناخت كاركى عسلامتين پيش بين مشكل -الف مسين بلند محباز، بلند عمسل پيرا،

active low 19

۵.۳ شناخت کار

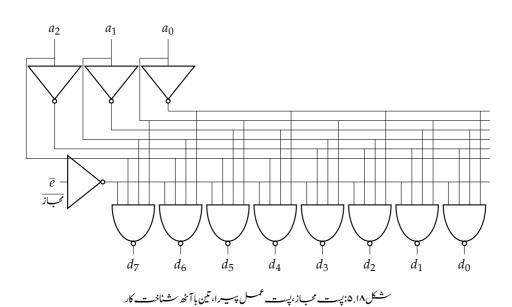


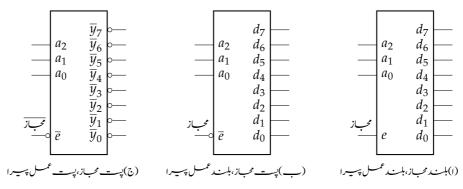
حبدول ۲.۵:بلند محباز،بلند عمل پیسرا، تین با آٹھ شناخت کار

e	$a_2$	$a_1$	$a_0$	d <sub>7</sub>	$d_6$	$d_5$	$d_4$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	$\boldsymbol{x}$	$\boldsymbol{x}$	$\boldsymbol{x}$	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

ا، تین با آٹھ سشناخت کار	زريه ۽ عمليپ	. رول د ۱۰۵ سر محمد	>
ا، ين با الط مساحت قار	ر،پست ناپست	ب دول کے لگا، پیسٹ حب	_

$\overline{e}$	$a_2$	$a_1$	$a_0$	$\overline{y}_7$	$\overline{y}_6$	$\overline{y}_5$	$\overline{y}_4$	$\overline{y}_3$	$\overline{y}_2$	$\overline{y}_1$	$\overline{y}_0$
1	x	x	x	1	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1
0	0	1	0	1	1	1	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1





شكل ١٩. ٥: تين با آځه شناخت كار كې مختلف اقسام كې عسلامت ين ـ

مشکل - ب مسیں پیت محباز، بلند عمل پیرا اور مشکل - ج مسیں پیت محباز، پیت عمل پیرا روپ و کھائے گئے ہیں۔ ان عسلامتوں مسیں حنار بی پنیوں پر گول دائرہ اسس بات کی تقین دہانی کراتا ہے کہ منتخب ہونے کی صورت مسیں سے بیٹ پیت ہوگی۔ ای طسرح فت ابوبٹ پر گول دائرہ یاد دہانی کراتا ہے کہ مشناخت کار صرف اسس صورت محباز ہوگا جب سے امشارہ پیت ہو۔

مثق ۵.۵: انٹ رنیٹ سے 8 × 3 پت عمل پیرانشنانت کارے مختلوط دور 74138 کے معلوماتی صفحات راصل کریں۔ اسس مختلوط دور کا" دورانی رد عمل "کتن ہے؟

# ۵.۴ شناخت کار کی مد دسے تف عسل کا حصول

ہر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے مجموعہ کے روپ مسین حساسل کی حباستی ہے۔ چونکہ سناخت کار تمسام مکن ارکان ضرب فسراہم کرتا ہے، البندااسس کے ساتھ جمع گیٹ جوڑ کر تفاعسل کو عمسلی حباسہ پہنایاحباسکتاہے۔ کی طسریقہ کارایک مشال کی مددے سکھتے ہیں۔

مثال ۵۱۱. مکسل جمع کار کوشناخت کار کی مددے ارکان ضرب استعال کرتے ہوئے حساسسل کریں۔

حل: تحمل جمع کار کی کار کر د گی جدول ۸.۵ مسیں پیش ہے، جہاں بن  $x_0$  اور  $y_0$  کے ساتھ داختلی حاصل  $c_0$  جمع ہو کر وہند میں در حاصل  $c_0$  جمع ہو کر وہند کی حاصل  $c_0$  کی جمع اور حضار بی حصاصل  $c_0$  کی جمع ہو کہ دو ختار ہی حصاصل اور کی جبارہ کے جبارہ کی جبارہ کے جبارہ کی ج

### حبدول ۵.۸: مکسل جمع کار کی کار کردگی (برائے مشال ۸.۵)

$x_0$	$y_0$	$c_0$	$c_1$	$s_0$
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

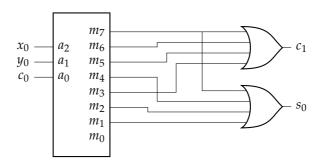
#### حبدول ۹.۵: تین با آٹھ شناخت کارار کان ضرب دیت ہے (برائے مشال ۱.۵)

$x_0$	$y_0$	$c_0$	$m_7$	$m_6$	$m_5$	$m_4$	$m_3$	$m_2$	$m_1$	$m_0$
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

### اسس حبدول سے درج ذیل مساوات حساسل ہوتی ہیں۔

$$\begin{array}{ccc} c_1 = \overline{x}_0 y_0 c_0 + x_0 \overline{y}_0 c_0 + x_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \\ s_0 = \overline{x}_0 \, \overline{y}_0 c_0 + \overline{x}_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 \overline{y}_0 \, \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \end{array}$$

تین سے آٹھ مشناخت کار حبدول ۹.۵ مسیں پیش ہے، جہاں منار جی بٹ کومط بقتی ارکان ضرب لکھ گیا ہے۔ یوں درج



شکل ۲۰ شناخت کار کی مدد سے مکسل جمع کار کاحصول

ذیل ہوں گے۔

$$m_{7} = x_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{6} = x_{0}y_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{5} = x_{0}\overline{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{4} = x_{0}\overline{y}_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{3} = \overline{x}_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{2} = \overline{x}_{0}y_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{1} = \overline{x}_{0}\overline{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{0} = \overline{x}_{0}\overline{y}_{0}\overline{c}_{0}$$

مساوات 2.۵ کو دیکھتے ہوئے مساوات ۲۰۵۵ درج ذیل لکھی حباستی ہیں، جن سے مکسل جمع کار کا شکل ۲۰۰۵ حساسل ہوگا۔

(a.A) 
$$c_1 = m_3 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7) s_0 = m_1 + m_2 + m_4 + m_7 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

ہے تمام عمسل نہایت آسان بنایا حبا سکتا ہے اگر حبدول ۸.۵ مسیں ارکان ضرب کا حنامہ بن یا حبائے (حبدول ۱۰.۵ ویکھسیں)۔ اسس طسرز پر حبدول ککھ کر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے روپ مسیں حساسل کی حباسکتی ہے۔اسس حبدول کودکھ کرمطاوب جواب فوراً لکھا حباسکتی ہے۔

$$c_1 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$$
  
$$s_0 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

حب دول ۱۰۵۰ مسل جس کار ہے ار کان ضر ہے (برائے مت ال ۱۰۵۰)	ح کارکے ارکان ضر ب (برائے مشال ۱.۵)	ئىيەدول ١٠.٥: مكمسىل جمع
---	-------------------------------------	--------------------------

$x_0$	$y_0$	$c_0$	$ c_1 $	$s_0$	m
0	0	0	0	0	$m_0$
0	0	1	0	1	$m_1$
0	1	0	0	1	$m_2$
0	1	1	1	0	$m_3$
1	0	0	0	1	$m_4$
1	0	1	1	0	$m_5$
1	1	0	1	0	$m_6$
1	1	1	1	1	$m_7$

 $e \longrightarrow \frac{d_3}{d_2}$  و  $d_1$  احتار جي مواد  $d_0$   $d_0$ 

شکل ۱۵۲۱ یک سے حیار حنارجی منتخب کار کا تصور۔

# ۵.۵ داخنگی منتخب کار اور حن ارجی منتخب کار

ایس دور جوا کلوتے مداحنل پر مہیاشنائی مواد کو 2<sup>n</sup> محنارج مسین کسی بھی ایک پر بھیج سے ف**ارجی منتخب کار ۴** کہا تا ہے۔ مطلوب محنارج کی نشاندہی 11 بٹ پت کرتا ہے۔

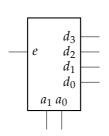
ایسا دور جو 2<sup>n</sup> مداحن مسین کی بھی ایک پر مہیاشنائی مواد کو اکلوتے مینارج پر بھیج سے **داخلی منتخب کا**را<sup>م</sup> کہلا تا ہے۔ مطلوب مداحن کی نشاند ہی 1 بن یت کر تا ہے۔

### ا.۵.۵ حنارجی منتخب کار

سشکل ۲۱.۵مسیں حنارجی منتخب کار کا تصور چیش کیا گیاہے، جہاں مداحنل e پر آمد شنائی مواد کو، تیجی سونج کے ذرایعہ، حیار مختلف حنارجی راستوں بھیجیا حیاسکتا ہے۔

محباز و معب زور صبلاحیت کاشناخت کار بھی ہے کام سسرانحبام دے سکتا ہے۔ یہ دیکھنے کی حناطسر حبدول ۴.۵ کو یہباں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

demultiplexer\*\*
multiplexer\*\*



е	$a_1$	$a_0$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	0	0
0 1	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0
0 1	0	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

شکل ۲۰ ایک سے حیار (1 × 4) منازی منتخب کار

e	$a_1$	$a_0$	<i>d</i> <sub>3</sub>	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

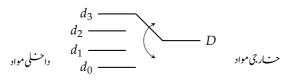
جدول مسیں  $a_1a_0$  کو دوبت ہت، e کو داختلی مواد، اور  $d_0$  تا  $d_0$  کو حپار محنارج راستے تصور کریں۔ حبدول کی پہلی اور پانچویں صف پر نظر رکھنیں، جباں  $a_1a_0$  دوبت ہت 00 ہن جو محنارج 00 منتجب کرے گا۔ پہلی صف مسیں داختلی مواد 0 جبکہ پانچویں صف مسیں 01 ہے۔ محنارج کی مطابقتی قیمتیں بھی ہیں۔ پہلی صف مسیں 02 کی قیمت 03 جبکہ پانچویں صف مسیں 04 کی قیمت 05 ہے۔ معنی محنارج بیست رہیں گے۔

باقی تین پے 01 ، 10 ، اور 11 بالت رتیب  $d_2$  ،  $d_2$  ، اور  $d_3$  اور  $d_3$  اور  $d_3$  اور  $d_3$  اور وہی مواد ہور داخت e پر ہور مواد ہور داخت e پر ہور است رتیب میں مواد ہور کا کا مواد ہور کا مواد ہور کا کا مواد ہور کا کر کا مواد ہور کا مواد ہ

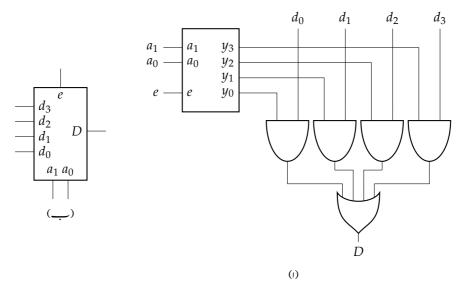
اسس جبدول مسیں صفوں کی ترتیب نو کر کے مشکل ۲۲.۵ مسیں پیش جبدول کی صور یہ مسیں لکھا جب بھواسس کی کار کر دگی بطور حسار ہی منتخب کار دافتے کر تا ہے۔اسس مشکل مسیں ( 4 × 1) منتخب کار کی عسلامت بھی پیش ہے۔

# ۵.۵.۲ داخنگی منتخب کار

سٹکل ۲۳.۵ سیں داخنلی فتخیب کار کا تصور پیش کیا گیا ہے، جہاں پیچی سونچ کے ذریعہ  $d_0$  تا  $d_0$  مواد محنارج منقتل کیا جہا سکتا ہے۔



### شکل ۲۰. ۱۲: حیار سے ایک دا<sup>حن</sup>لی منتخب کار کا تصور۔

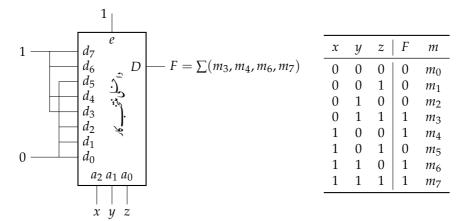


شکل ۵.۲۴ دیارے ایک (4 × 1) داختلی منتخب کار۔

دا حنلی متخف کار کو مشناخت کار کی مدد سے مشکل ۲۳.۵ مسیں حیاصل کیا گیا ہے؛ مشکل ۔ ب مسین اس کی عمدامت پیش ہے۔ یہاں محباز و معد ذور صلاحیت کا حاسناخت کار استعال کرکے محباز و معد ذور صلاحیت کا داخنگی منتخب کار حیاصل کیا گیا۔ ایسا مشناخت کار جس مسین متابو امشارہ سے ہو، استعال کرتے ہوئے حیاصل داخنگی منتخب کار مسین بھی محباز و معد ذور متابوات رہ نہیں ہوگا۔

میباز کردہ سشناخت کار 00 پت کی صورت مسیں  $y_0$  بلند کرے گا، جبکہ  $y_1$  اور  $y_3$  پست رہیں گے۔ بول دائیں تین ضرب گیٹ پست رہیں گے، جبکہ بایاں گیٹ  $d_0$  حنارج کرے گا۔ وتابو اسٹارہ و و پست کرنے کے داختلی مشناخت کار معد ذور ہوگا اور 0 حنارج کرے گا۔

ت کی کر لیں کہ محباز حسال مسیں، پت کے دوہِت  $a_0$  اور  $a_1$  ، حپار مداحنل  $d_0$  تا  $d_1$  ، مسیں سے ایک کو منتخب کر کے حسارج کر تا ہے۔



شکل ۵٫۲۵: دا حسلی منتخب کار سے تف عسل کا حصول (برائے مشال ۲۰۵)

مثق ٥٠١٪ انٹرنیٹ سے 74153 کے معلوماتی صفحات ساصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیاکام سرانحبام دیتا ہے؟

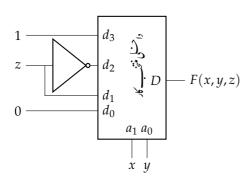
### ۵.۵.۳ داختلی منتخب کارسے تف عسل کا حصول

سشنانت کار کے ساتھ جمع گیٹ جوڑ کر محب وعب ارکان خرب کے روپ مسیں تف عسل کا حصول آپ دیکھ جیگے۔  $2^n \times 1$  کارمسیں سشنانت کار اور جمع گیٹ دونوں موجود ہیں (سٹکل ۲۴۰۵ کیکھیں)۔ یوں n پت بٹ کا  $1 \times 1$  داخنی منتخب کارے n آزاد متنف رتف عسل حساس کیا جب سکتا ہے۔ اسس عمسل کو ایک مدد سے مسجھے ہیں۔ n ہیں۔ n ہیں۔ n ہیں۔ n ہیں۔

مثال ۵.۲: درج زیل تف عسل 1 × 8 داخنلی منتخب کارے حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3, m_4, m_6, m_7)$$

 $8 \times 1$  کو xyz کو



x	y		F	
0	0	0	0	F = 0
0	0	1	0	F = 0
0	1	0	0	Γ _ ~
0	1	1	1	F = z
1	0	0	1	$F = \overline{z}$
1	0	1	0	F = Z
1	1	0	1	F = 1
1	1	1	1	F = 1

مشكل ٢٦. ١٤: دا حسلى منتخب كارسے تف عسل كا حصول (برائے مشال ٣٠٥)

یوں پتہ 000 ، 001 ، 000 ، 100 ، 101 کی صورت مسیں داختلی منتخب کار بالت رتیب  $d_2$  ،  $d_1$  ،  $d_2$  ،  $d_3$  ، اور  $d_5$  پر فست رہ گو کہ در کار تغناع سل کی پیت صورت حساس ہو گی۔ ای طسر ح پت مسین بالت رتیب  $d_5$  ،  $d_6$  ،  $d_4$  ،  $d_5$  ، اور  $d_5$  کی صورت مسین بالت رتیب  $d_6$  ،  $d_4$  ،  $d_5$  ، اور  $d_5$  کی بالم مصورت مسین بالت رتیب کی ایک گویت موزت ایک تجمین بالت رکھ کر تغناع سل کی بلند مورت مسال ہو گی۔ کی ایک لیک کو بیت موزت ایک تجمین کے سات کے مواد مسال کی بالم مسال کی بالم مسال کی بالم مسال کی بالم مسال کی ایک ایک کو بالم مسال کی بالم کی بالم کی بالم مسال کی بالم کی با کی بالم کی با کی بالم کی بالم کی بالم کی بالم کی با

n آزاد متغیر تناعب (n-1) پت بینے کے داخشلی نتخب کارے بھی حسامسل کیا جب سکتا ہے۔ یہاں کو کی بھی (n-1) متغیر بطور مداخشل منتخب کارکے پت استعال ہول گے، جب کہ ایک متغیر بطور مداخشل استعال ہوگا۔ ایک مثال کی مدد ہے ایب کرنا کسیکھتے ہیں۔

 $4 \times 2 \times 2$  وپت بِٹ کے  $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$  دورج بالامثال میں دیا گیا تھا۔  $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$  درخیا منتخب کار ہے حسامت ل کریں۔

 ۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار

xy = 11 کی صورت میں کے فضاعت کی درست قیت حاصل کی گئی، اور آخشر میں  $\overline{z}$  کی صورت میں تقاعب کی جنس میں المبادرہ تا ہے۔  $d_3$  پر 1 مہیا کیا گیا۔

# ۵.۲ متوازی شن ائی ضر ب کار

یہاں درج ذیل ہوں گے، جنہیں شنائی جمع کار کی مساوات ۵.۱ کی مدد سے حساصسل کیا گیا، اور جن سے سشکل ۲۷.۵ مسین پیشس، دوہِ متوازی شنائی ضرب کار حساصسل ہوگا۔

$$p_0 = a_0 b_0$$

$$p_1 = (a_1 b_0) \oplus (a_0 b_1)$$

$$p_2 = (a_1 b_1) \oplus (a_1 b_0 a_0 b_1)$$

$$p_3 = a_1 b_1 a_1 b_0 a_0 b_1 = a_1 a_0 b_1 b_0$$

اگر حپ زیادہ بِٹ ضرب کار اسس طسریق کارے تشکیل دیے حب سے ہیں؛ برقتمی ہے، اعبداد کے بِٹ کی تعبداد بڑھانے سے ضرب کار مسین درکار گیٹوں کی تعبداد بہت سینزی ہے بڑھتی ہے (محض آٹھ یا سولہ بٹ ضرب کار مسین بھی مستعمل گیٹوں کی تعبداد بہت زیادہ ہوگی)، المہذاایب کرنامہنگا ثابت ہوگا۔ عصوماً زیادہ بٹ کے ضرب کار مکسل جمع کارکی مددسے حساصل کیے حباتے ہیں۔ اسس طسریق کو تین ہٹ شنائی اعبداد کی ضرب کو مشال بن کر سیکھتے ہیں۔

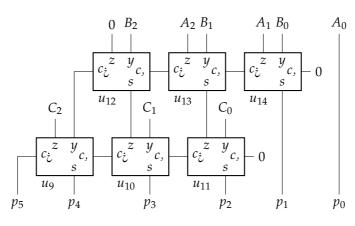
تین بِٹ اعبداد ماور ماور ماور ماور ماور ماور کے خرب میں ہے ، جس سے شکل ۲۸۵۵ مسیں پیش تین بٹ شنائی ضرب کار سامی اور کار سامی ماور کے است کار میں اور کار سامی کار میں اور کار میں کی کار میں ک

$$(a.9) \begin{tabular}{c|ccccc} & b_1 & b_0 \\ & & & & a_2 & a_1 & a_0 \\ \hline & & & & a_0b_2 & a_0b_1 & a_0b_0 \\ & & & & a_1b_2 & a_1b_1 & a_1b_0 \\ \hline & & & & a_2b_2 & a_2b_1 & a_2b_0 \\ \hline & & & & p_5 & p_4 & p_3 & p_2 & p_1 & p_0 \\ \hline \end{tabular}$$



۲.۵. متوازی شب اکی ضرب کار





مشكل ٥٠٢٨: تين بِك شن ا كَي ضرب كار

اسس شکل مسیں 9 ضرب گین اور 6 مکسل جمع کار مستعمل ہیں۔ ضرب گین مداحسٰل  $a_0$  اور  $b_1$  کا منطقی منظم مسیں  $a_1$  عرب کا کہ منطق منظم مسیں  $a_1$  عرب کا گیا ہو کہ مداحسٰل جمع کار میں  $a_1$  عرب کا کہ مداحسٰل جمع کار میں  $a_1$  عرب کارائی ہوئوں کو ایک نام رونوں کو ایک نام رونوں کو ایک نام رونوں کو آپ مسیر تاریج وڑنے کے متداون ہے۔

# اب ٢

# معساصر ترتثيبي منطق اور ادوار

منطق میں، عبوماً، دو متف د صورتیں سامنے آتی ہیں، مثلاً، بلند اور پیت، صادق اور کاذہ، صادق اور کاذہ، منطق میں، عبوماً، دو متف دی برقیات میں 1 اور 0 سے ظاہر کیاجہ تاہے۔ یوں، اگر بلند کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ گر تہ پیت کو 0 ظاہر کرے گا، اور اگر بلند کو 0 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کرے گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ کاذب کو 0 فاہر کیاجہ گا۔ کاذب کو 0 فاہر کیاجہ گا۔ میں بلندیاحہ ادق کو 1 جبکہ پیت یاکاذب کو 0 سے ظاہر کیاجہ گا۔ علیہ کرنے کو منظقی نظام اکتے ہیں۔ اس کتاب میں یہی نظام استعال ہوگا۔

ہم اسس کو اُلٹ کرے 1 کو صف روولٹ (0 V) اور 0 کو مثبت پائج وولٹ (5 V) سے ظاہر کر سکتے ہیں، جو منفی منطقی نظام اکہا تاہے۔

اب تک، ہم شنائی گیول کا مطالعہ کرتے رہے ہیں، جن کا محنارج اُسی لمحہ سبدیل ہو حباتا ہے جس کمے ان کے مداحنل سبدیل ہو حباتا ہے جس کمے ان کے مداحنل سبدیل ہونے کے باوجود، محنارج کو مداحنل سبدیل ہونے کے باوجود، محنارج کو ایپ حسال مسین برمت رارر کھ سسکتی ہے۔اسس قتم کے ادوار پلاھے کار مہا کہا تا ہا اُس جن کے دومتضاد محنارج ہوں گے۔

پلٹ کارایک شنائی ہندسہ (ایک بٹ) ذخیرہ کرنے کی صالحیت رکھتا ہے، البذااس کو **ما فظر ''** کے طور استعال کی حب سکتا ہے۔ پلٹ کاراستعال کرتے ہوئے گ<mark>رفتے کار<sup>4</sup>، وغیرہ تفکیل دیے جب تے ہیں۔ اس باب مسی</mark>ں پلٹ کار اور اس پر مسبئی معاصر ا**دوار** پر غور کیا حب کے گا۔ مصاصر ادوار وہ ادوار ہیں جن کے تمام جھے صدم ملاکر سے ہیں۔

positive logic system

negative logic system

flip flop

memory counter



### شكل ٢: كناره حيثرها أبي اور كناره اترائي

# السيس الله السيس ال

شنائی ادوار کی کار کردگی پر تبعسرہ کرنے سے پہلے چند تکننے کی اصطبلات جبان ضروری ہے۔ شکل ۱. اسین گین کامخنارج بلند ہو کر دوبارہ پست ہوتا دکھایا گیا، جبال (وقت ل کے ساتھ دائیں رخ جپلے ہوئے) پہلے کمنارے کو کنارہ پڑھائی آیا مثب کنارہ <sup>2</sup>، جب کہ دوسرے کو کنارہ اترائی <sup>۸</sup>یامنھی کنارہ <sup>9</sup>ب گیا۔ محنارج کاحال یکدم تبدیل ہوتا دکھایا گیا، جو درست نہیں۔

برقیاتی گیٹ نہایت بچت ہوتے ہیں، جو محسّان کو پہنے سے بلندیا بلند سے پہنے ہہت کم دورانیوں مسیں کرتے ہیں۔ سیہ دورانے کم مفرور، لسیکن صف رنہیں ہوتے۔ برقی الشارہ، روسشنی کی رفت ارسے بھی سفسر کرتے ہوئے، داحسلی پنیا سے حسّار بی پنچ کا منفی گیٹ مشال بن کر حقیقی دورانیوں پر غور کرتے ہیں (جو باتی گیٹوں کے لئے بھی درست ہوگا، ادر تمسام معسلومات اسس حقیقت کو ذہن مسیس رکھتے ہوئے، چیس کی حیائیں گ

شکل ۲.۱ مسیں نفی گیٹ کا مداحسل (بالائی ترسیم) اور محسارج (محیالی ترسیم) بیک وقت و کھائے گئے ہیں، جہاں ددرانیوں کوبڑھا حسار پیش کیا گیا ہے۔

بلت دے پست حسال پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ اترائی** ااور پست سے بلت دینچنے کے دورانیہ کو دورانیہ پڑھائی "کتے ہیں۔ان دورانیوں کی پیپ کشش کی وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔دا<sup>حن</sup>لی برقی امشارہ بھی کی گیٹ سے آتا ہو گا،لہنذا سے بھی پست ہونے مسیں وقت گزارے گا۔

مداحن تبدیل ہوتے ہی محنارج تبدیل نہیں ہو حباتا، بکد کچھ دیریوں محسوسس ہوتا ہے جیسے مداحن کا محنارج پر کوئی اثر نہیں۔مداحن کے کسنارہ حپڑھائی پر غور کریں۔مداحن کے بلسند ہونے کے باوجود، محنارج کچھ دیر بلسند رہت ہے۔ یہ نامتابل وتسبول صورت حسال ہے، جس پرعد دی ادوار کے تفکیل کے دوران نظر ررکھنی ضروری ہے۔مداحن بلسند ہونے کے کچھ وقف بعد محنارج نبیاحیال اختیار کرتا ہے۔اسس وقف کو دوران بھر رد عمل ساسح ہیں۔دورانیے رد عمس ناسیے کی

rising edge

positive going edge

falling edge

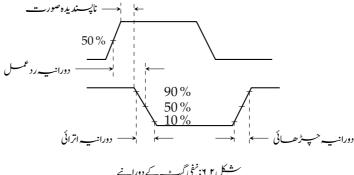
negative going edge

fall time

rise time"

propagation delay"

111 ۲.۲. پلے کار



شکل ۲۰۲: نفی گیٹ کے دورانے

وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔ برقب آتی گیٹوں کے دورانب اترائی، دورانب حب رهائی، اور دورانب رد عمسل، عسوماً، چند نسینوسیکنڈ ہوں گے۔

کار حنانے مسیں گیٹ سازی کے دوران، احب زاء مسیں معمولی سے معمولی فٹ رق کی بنا(ایک قتم کے دو) گیٹوں کے دورانے تھی ایک جیسے نہیں ہوں گے۔ان میں <sup>90</sup> 10 سیکٹڈ کانہیں تو <sup>10-1</sup> سیکٹڈ کافٹ رق ضرور ہو گا، جو عمسہ ر سید گی کے ب تھ اورا ستعال کے حبالات ( در حب حسرار ہے ، نمی، دیاد، وغیب رہ ) سے تب دیل ہوں گے۔

مثق ا. ۲: انٹرنیٹ سے 74xx اور 74Hxx سللہ کے دورانیوں مسین فنسرق دریافت کریں۔

### ۲.۲ يليك كار

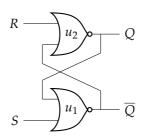
شکل ۲. ۳ مسیں البریر کر آر"ا پلٹ کار کا دور اور حبدول پیش ہیں۔ پلٹ کار کو، روایت،ٔ مداحن کے نام "اسے پکاراحبا تاہے، جو بہاں لاطینی حسرون "ایس" ۱۵ اور "آر "اکا ہیں۔ پلٹ کار کے دومتف و محنارج ہوں گے، جنہیں Q اور  $\overline{Q}$  سے ظے ہر کیا جباتا ہے۔ یوں اگر محنارج Q کی قیمت Q ہو، تب محنارج  $\overline{Q}$  کی قیمت Q ہوگی، اور اگر Q

شكل ٣٠١مسين متم جمع گيٺ ١١ كامخنارج، متم جمع گيٺ ١١ كاايك مداحنل، اور ١١ كامخنارج، ١١ كاايك مداحناں ہے۔متم جمع 11 کے محنارج پر نظرر کھیں؛ پ محنارج، 10 کاایک مداحناں ہے،البذااس کے محنارج پر

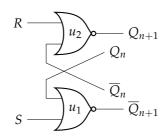
Set-Reset Flip Flop, (SR FF)

الیائے کارکے مداحن انگریزی الفاظ Set اور Reset کے سرحسرف S اور R ہیں۔

S	R	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$	
0 0 1	0 1 0 1	$Q_n$ $0$ $1$	$\overline{Q}_n$ 1 0	بر متسرار حسال پست حسال بلت د حسال ممنوعب حسال



#### شكل ٢٠٣: بلن د فعيال مداحسل ايسس آريلي كار



شکل ۲۰٫۴: موجو دہ محنارج سے الگلے محنارج کا حصول۔

اثرانداز ہو گا: کسیکن u2 کامن ان طایک مداحن ہے،جو u1 کے ممنارج پراثرانداز ہو گا؛یوں u1 کاممنارج،خود پراثرانداز ہوگا! اسس عمسل کو**باز**ر ہو <sup>سا</sup>کتیا ہیں۔

ایسانشارہ،مشلاً  $\overline{Q}$  ،جوخود پراٹرانداز ہو**بازر سی اشارہ**^۱۸ کہا تاہے۔

یہاں Q اور  $\overline{Q}$  دونوں بطور بازری اخدارت استعال کے گئے ہیں۔ آپ دیکھ سے ہیں کہ Q کی قیمت حبائے کے لئے  $\overline{Q}$  کی قیمت معلوم ہونا ضروری ہے، لسیکن  $\overline{Q}$  کی قیمت صرف اسس صورت معلوم ہو سکتی ہے جب Q کی قیمت معلوم ہو! آئیں اسس یلنے کار کاحب دول حساصل کریں۔

سیں الائی گیٹ  $(u_2)$  کے اگلے مناری  $Q_{n+1}$  کو موجودہ مداحنل R اور  $\overline{Q}$  کے روپ مسیں کھتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = \overline{R + \overline{Q}_n}$$

جیا آیے نے شکل ۲.۱مسیں دیکھا، گیٹ کامخنارج، دورانیہ رد عمسل گزرنے کے بعد، مداحسل کے تحت حسال

feedback12

feedback signal1A

۲.۲. پلیئے کار

#### حبدول ۲:۱یس آرپلیک کار (مساوات ۲.۳ اور مساوات ۲.۸)

S	R	$Q_n$	$\overline{Q}_{n+1}$		
0	0	0	1		
0	0	1	0		
0	1	0	1		
0	1	1	1		
1	0	0	0		
1	0	1	0		
1	1	0	0		
1	1	1	0		
(,)					

S	R	$Q_n$	$Q_{n+1}$
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0
		(1)	

افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ  $\overline{Q}_n$  اور مداحن R جب نئی قیمت افتیار کریں، گیٹ کچھ دیر بعب دنئی قیمت  $Q_{n+1}$  افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ  $Q_n$  اور مداحن کے جب

نحی گیٹ (u<sub>1</sub>) کے محنارج کی مساوات درج ذیل ہو گی۔ ہے گیٹ بھی مدا<sup>حن</sup>ل شبدیل ہونے کے کچھ دیر بعسہ محنارج شبدیل کرے گا۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + Q_n}$$

بالائی گیٹ کی حشارجی مساوات حساس کرنے کی عشیر ض سے مساوات ۲٫۱ کومساوات ۲٫۱ امسیں ڈال کر مسئلہ ڈی مار کن سے حسل کرتے ہیں۔

(1.7) 
$$Q_{n+1} = \overline{R + (\overline{S + Q_n})}$$

$$= \overline{R}(\overline{S + Q_n})$$

$$= \overline{R}(S + Q_n)$$

 $Q_{n+1}$  ، اور  $Q_n$  ، اور

ای طسرح سشکل ۴.۲ مسیں نحیلی گیٹ کی حضارتی مصاوات حساسل کرنے کی عضرض سے مصاوات ۱.۱ کو مصاوات ۲.۲ مسیں ڈال کرمسئلہ ڈی مار گن سے حسل کرتے ہیں۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + (\overline{R + \overline{Q}_n})}$$

$$= \overline{S}(\overline{\overline{R + \overline{Q}_n}})$$

$$= \overline{S}(R + \overline{Q}_n)$$

ماوت R، کا متغیرات R، کا متغیرات کا متغیرات تصور کرکے تابع متغیر متغیرات کو جدول ۱۰۱۹  $\overline{Q}_n$  اور  $\overline{Q}_n$  کے رویہ میں بالت رتیب  $\overline{S}$  اور  $\overline{Q}_n$  کے رویہ میں بالت رتیب  $\overline{S}$ موجو دہیں۔)

حبدول ۲.۱-الف اور ب کو S اور R کی قیمتوں کے لحاظ سے حیار حصوں مسیں تقسیم کیا گیا۔ پہلے حصہ مسیں R=0 اور R=0 اور  $Q_{n+1}$  کی قیمت  $Q_n$  کی قیمت  $Q_n$  کی اور  $Q_n$  اور  $Q_n$  اور  $Q_n$  $\overline{Q}_{n+1}$  کو تیب میں ایس آریل کے کار "بر مترار حال" ہوگا۔ جبدول – بسین  $\overline{Q}_{n+1}$  کی تیب ، حبدول – الف میں Q<sub>n+1</sub> کی قیمت کی متم ہے۔ ہم حیاہتے بھی ہی ہیں (کہ پلٹ کار کے دومختارج آلپس مسین متفاد ہوں)۔

 $Q_{n+1}$  اور R=1 اور R=1 اور R=1 ہے،جبکہ  $Q_{n+1}$  پت ہوگا۔ ہم کہتے ہیں،ان مداختل کے لئے ایس آریائے کار ''پیت حسال'' ہوگا۔ بہاں بھی (حب ول-الف اور ب کے تحت ) نے محسار ج ایک دوسرے کے متفساد

S=1 اور R=0 ہے، جبکہ پلٹ کار "بلند حسال" ہے۔

يوتي هم مين  $\overline{Q}_{n+1}$  اور R=1 اور R=1 ہے، جبکہ جبدول کے تحت  $Q_{n+1}$  اور  $Q_{n+1}$  ورنوں پہت ہیں، جو ہم نہیں حیاہتے، ہم کہتے ہیں پلٹ کار "ممنوعہ حسال" (مسین) ہے۔ بلٹ کار کی صحیح کار کرد گا کے لئے یہ مداحسل "ممنوعہ" مترار دے حاتے ہیں۔ یوں S اور R اکٹھ بلند نہیں کے حاتے۔

ان حق اُق کو شکل ۳۰٫۲ کے حیدول مسیں پیش کباگیا (جویلٹ کار کاحیدول لکھنے کا درست طسریقہ ہے)، جہاں آ حن ری صف میں ? لکھ کرواضح کیا حیا تاہے کہ ان صف کے مداحنل استعال نہ کیے حیا ئیں۔

# الیر آریلہ کارکہ کارکر دگھ

	SR	$Q_{n+1}$	
	00	$Q_n$	بر فتسرار حسال
(1.0)	01	0	پست حسال
	10	1	بكندحسال
	11	?	ممنوعب حسال

یلٹ کار کی بات کرتے وقت Q کی قیمت کویلٹ کار کا مال اوا کہتے ہیں۔ یوں Q = 1 کی صورت مسیں پلٹ کار بلند عال ' یاصادق عال ''،جبکه Q = 0 کی صورت مسین پہنھے عال ''یا کا ذہبے عال ''کہا نے گا۔

حبدول سے ظاہر ہے کہ جب S بلند ہو، پلٹ کاربلند حال اختیار کرتا ہے۔ یوں، مداحنل S ، **بلند** صورت مسیں **فعال**ير ۲۳ ہوگا۔ وہ مدا<sup>حت</sup>ل جوبلت د صورت مسین فعیال ہو، ب**بلند فعال**یر ۲۵ مدا<sup>حت</sup>ل کہاتا ہے۔ وہ مدا<sup>حت</sup>ل جویہ سے صورت مسیں نعبال ہو، پہھے **فعال ۲**۲ کہا تا ہے۔ جب بلند نعبال مدا<sup>حن</sup>ل، پہت ہو،مشلاً، S=0 ، ہم کہتے ہیں ہے غیر

high state".

true state

low staterr

active

active high ra

active low"

114 ۲.۳. ساعت

### فعال ۲۷ (سال مسیں) ہے۔ یوں اسس پلٹ کار کابہتر نام بلند فعال مداغل الیرے آریلہ کے کار ہوگا۔

Q=1 ہو۔ پیت فعبال مداحن اور مختاری ( $\overline{Q}$ ) کے نام پر ککپ رکنیٹر کارخود است صورت فعبال کہا تاہے جب Q=1 ہو۔ پیت فعبال مداحن کھنچ کر اسس کی پیت فعبال حیثیت واضح کی حباتی ہے؛ مسزید، پلٹ کار کی عسلامت مسین پیت فعبال (مداحسٰل اور مخنارج) بنیوں پر گول دائرہ لگایا حبا تاہے، جو ان کاپیت فعمال پن ظماہر کر تاہے (شکل ۲.۷ دیکھ میں)۔

پائے کارے دونوں مداحن عام طور غیر فعال رکھ حب ئیں گے؛ یوں موجودہ پائے کارے مداحن پست رکھ حب ئیں گے۔ پلٹ کاربلٹ د (صادق) حال کرنے کے لئے S اشارہ ایک لمحہ کے لئے بلٹ د (فعال) کر کے واپس پست ( فنی رفع ال ) کیا حباتا ہے۔ پہلے سے بلند حسال پلٹ کار ، ای حسال مسیں رہے گا، جبکہ پیت پلٹ کار ، امشارہ ملتے ہی بلند حسال اختیار کرے گا۔

اس طسرح پلٹ کار کاذب (یہت) حسال کرنے کے لئے R اشارہ کمحیاتی فعسال کساحیا تاہے۔

مداخنل S کوفعال کار^مداخنل جب ہ R کوغیر فعال کار۲۹مداخنل کہ سے ہیں۔

آیے نے دیکھا، پلٹ کار در حقیقت مداحنل کا (بلٹ دیابیت) حیال محفوظ کرتا ہے۔ یوں اگر مداحنل امثارہ لمحیاتی فعیال ہونے کے بعب غیبر فعبال ہو حیائے، پلٹ کار (اگلے نئے ایشارے تک)اسس کاحبال محفوظ رکھتاہے۔

#### ۲٫۳ ساعت

عب دی ادوار کی ایک فتم جو ہم عصر ۳۰ ادوار کہالتے ہیں کو، عسموماً، مقسررہ دورانے کامسلسل دہر اتا داحسلی امشارہ در کار ہو گا، جو ساعتے اس طسرح کی اشکال مسیں ہیش ہے۔اگر حید اسس طسرح کی اشکال مسیں دورانیہ حب ٹرھائی اور دورانی اترائی نہیں دکھائے حباتے،امید کی حباتی ہے کہ آب ان کی موجود گی ہر وقت زبین مسیں رکھیں

ہم عصب رعب د دی دور، مہباکر دہ باعت کے **تعدد <sup>۳۲</sup> ک**ارفت ارسے چلت ہے، اور اسس کے مختلف جھے، باعت کے کن ارہ اترائی یا کن ارہ حب ڑھ ائی پر بیک وقت حال تبدیل کرتے ہیں۔ گویا، ہم عصر دور ساعت کے ساتھ ت مما کر چلت ا

شکل ۵٫۱ مسیں اوپر حبانب کن ارہ پ ڑھائی کی گسنتی، جب کہ نیجے حبانب کسنارہ اترائی کی گسنتی دی گئی ہے۔ ساتھ ی، دوری عرصہ ۳۳، بلند دورانیہ ۳<sup>۳</sup> اور پہھے دورانیہ ۴<sup>۳</sup>کی بھی دخت دیں گئے ہے، جنہیں بالت رتیب  $t_H$  ، اور  $t_L$  ) اور  $t_L$  اور  $t_L$ ظ ہوکی ہو سے ہیں۔ ہمیث کی بات ہوگا۔ ساعت کے بلنداور پیت دورانے برابر بھی ہو سے ہیں۔ ہمیث کی  $T = t_H + t_L$ 

inactive"

set inputra

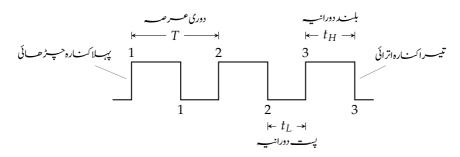
reset or clear input<sup>rq</sup>  $synchronous^{r_{\bullet}}$ 

clock

frequency

time periodrr

high time, ON time low time, OFF time"



#### شکل۲.۵:ساعت

طسرح، تعدد f اور دوری عسر صT کا کائی ہر ٹو T کا کائی T کی اکائی ہر ٹو T کے اکائی ہر ٹو T  $f=rac{1}{T}$ 

س عستی امشارہ مختصر أما عرضے پاراحب تا ہے۔ ساعت سے مسراد متواتر تب یل ہو تا امشارہ، یا اسس کا بلند، یا پیست دورانسیہ، یا حیث برقار آئی کسنارہ ہو گا۔ مستن سے اسس کا مطلب واضح ہو گا۔ جہاں عساط منبی کا امکان ہو، وہاں وضاحت کی حب کے گی۔

اعت کی بات کرتے ہوئے عصوماً ساعت کی دھڑ کونے کا (جس کو مختصراً دھڑ کونے کہتے ہیں) کاذکر ہوگا، جہاں دھٹر کن سے مصراد ساعت کا بلند دھ۔ ہوگا۔ یہ اصطبال کی بھی انشارے کے لئے استعال کی حباستی ہے جہاں اسس سے مصراد منتظیل باریک (کم دورانی) انشارہ ہوگا۔ بلند دھٹر کن کے عملاہ ہیں۔ دھٹر کن اور منفی دھٹر کن بھی ہو سے ہیں۔

# ۲۰۴ متم ضرب گیٹ ایس آریلٹ کار

سشکل ۲.۱ مسیں متم خرب گیٹ پر مسبنی پہت فعال مداخل الیر آر پلٹ کار ۲۰ و کھایا گیا ہے۔ سشکل ۲.۷ مسیں بلند نوب ال بلند نوب ال مداحنل اور پست نوب ال مداحنل ایس آر پلٹ کار کی عسلامتیں پیش ہیں۔ پست نوب الشارات، کے بائر کر آتے ہیں۔ نام پر ککسیر (  $\overline{Q}$  ،  $\overline{Q}$  ) اور ان کے پنیوں پر گول دائرے ان کے پست نوب ان بی خساہر کرتے ہیں۔

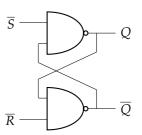
پلٹ کارے محتارج Q اور Q آلپس مسیں متضاد (اُلٹ) حسال رہتے ہیں۔ آئیں اسس پلٹ کار کی کار کر دگی، دو سسرے اُنظے، نظے رہے نظے میں۔

Hertz, Hz

pulse

active low inputs SR flip flop "A

$\overline{\overline{S}}$	$\overline{R}$	$Q_{n+1}$	$\overline{\mathbb{Q}}_{n+1}$	
0	0	?	?	ممنوعب حسال
0	1	1	0	بلند حسال
1	0	0	1	پست حسال
1	1	$Q_n$	$\overline{Q}_n$	برقت رار حسال



#### مشکل ۲.۲:پیت فعال مدا<sup>حن</sup>ل ایس آریلٹ کار



(ب) پیت فعال مداحنل ایس آریلئ کار

(۱) بلن د فعال مداحنل ایس آریلی کار

شكل ٢: ايس آر پلاك كاركي دوع استين

### ۱.۴.۱ عنب رفعال مداحنل پلٹ کار، حیال برفت رار رکھتاہے

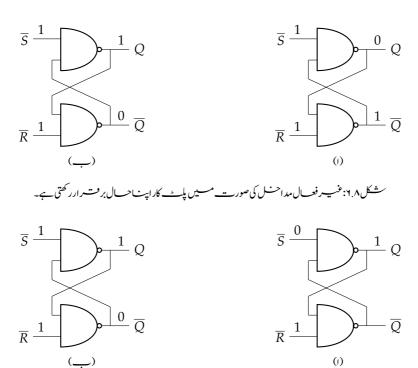
 $\overline{R} = 1$ ،  $\overline{Q} = 1$ ،  $\overline{Q} = 1$  ور  $\overline{S} = 1$  اور  $\overline{S} = 1$  ور  $\overline{S} = 1$  ور  $\overline{S} = 1$  ور  $\overline{S} = 1$  ور  $\overline{S} = 1$  بین (شکل ۲۰۸-الف)۔ یون بالائی متم خرب گیٹ کے مداخنل 1 اور 1 بین البندااسس کامداخنل 0 ہوگا، جو دہ پہلے ہے۔ کے سے۔ ای طسرح نجیلے متم خرب گیٹ کے مداخنل 0 اور 1 بین البندااسس کامن رج 1 ہوگا، جو دو پہلے ہے۔

 $\overline{R}=1$  اور  $\overline{S}=1$  اور  $\overline{Q}=0$  ، Q=0 اور  $\overline{S}=\overline{S}=0$  اور  $\overline{S}=0$  اور  $\overline{$ 

سٹکل ۸.۸ کی دونوں صور توں پر غور کرنے ہے معسلوم ہوا کہ غیر فعالی مداخل کی صورہ میں پلیہ کار اپنا عالی بر قرار رکھتا ہے۔ سٹکل ۲.۸ مسیں حبدول کی آمنسری صنب اسس حقیقت کو بسیان کرتی ہے، جہاں (آگلامسال)  $Q_{n+1}$  موجودہ  $Q_n$  موجودہ برابر ہوگا۔

### ۲.۴.۲ مداحنل S فعال کرنے سے پلٹ کاربلند حال اختیار کرتاہے

تصور کریں ایس آرپلٹ کار کامداحن  $\overline{S}$ ، ایک لحے فعال کرنے کے بعد دوبارہ غیب رفعال کمیاحباتا ہے، یعنی لحاقی طور  $\overline{S}=\overline{S}$  کسیاحباتا ہے۔ بالائی متم خرب طور  $\overline{S}=\overline{S}$  کی صورت مسیں اسس کامخنار جبلٹ دہوگا، لہذا  $\overline{S}=\overline{S}$  کی صورت مسیں بالائی گیٹ کا کوئی مداحن پیت ہونے کی صورت مسیں اسس کامخنار جبلٹ دہوگا، لہذا  $\overline{S}=\overline{S}$  کی صورت مسیں بالائی گیٹ کامخنار جبلٹ دہوگا، لہذا وہ کامخنار جبلٹ کار کے دونوں گیٹوں کی گزشتہ قیستیں اسس حقیقت پر



 $\overline{S}$  نعال کیا گیاہے۔

اثرانداز نہیں ہوں گی)۔ یوں نجیلے گیٹ کے دونوں مداحن بلند، الہذا محنارج پست  $\overline{Q}=0$  ہوگا۔ مداحن واپس غیسر فیس لا  $\overline{Q}=\overline{Q}$  کرنے سے ملک – بسمتی ہے، الہذا پلٹ کار کاحب ال  $\overline{Q}=0$  اور  $\overline{Q}=\overline{Q}$  ) بر مسترار رہے گا۔ یوں مداخلی  $\overline{Q}=0$  فعال کرنے سے الیہ آر پلٹے کار بلند حالی افتیار کرتا ہے۔

 $\overline{R}$  مداحن  $\overline{R}$  ف الرخے سے پلے کارپست حال اختیار کر تاہم درج ذیل مثق میں آیے ہے ہی ثابت کرنے کی درخواست کی گئے ہے۔

مثق ۲۰: ثابت کریں کہ  $\overline{S}=1$  رکھتے ہوئے، کمحت تی طور  $\overline{R}=0$  کرنے سے ایس آرپلٹ کارپہرہ مالی اختیار کر تا ہے۔

۲.۵ زیاده مداخسل پلیٹ کار

#### ۲.۴.۴ حسال دوڑ

ایس آرپلٹ کار کے دونوں مداحن ہیکوقت پیس کرنے کی احبازت نہیں، چونکہ ایک صورت مسیں پلٹ کار غیبریق پنی حسال اختیار کرتا ہے۔ دیکھتے ہیں، ایپ کیوں ہوگا۔

سشکل ۲.۲ پر نظر رکھتے ہوئے آگے بڑھسیں۔تصور کریں پلٹ کارکے دونوں مداحن بیک وقت پست (فعال) کرنے کے بعد دوبارہ بلٹ دار منسب فعال) کیے حیاتے ہیں۔ایب کرنے کے بعب دہم حیبانٹ حیاتے ہیں بیٹ کارکس حیال ہوگا۔

دونوں مداحن ہیکوقت پیسٹ کرنے سے (بالائی اور نحیلے متم ضرب گیٹ کے محنار نی بلند ہوں گے، اہلنذا) پلٹ کار کے دونوں محنار نی بیک وقت بلند ہوں گے، جو نافت ابل فتسبول صورت ہے: پلٹ کار کے محنار نی Q اور Q کا آپس مسیں متضا در ہنا ضروری ہے۔

دونوں مداحنل بیک وقت یکدم واپس بلند کرنے سے گیٹوں کے محناری (یکدم حسال تبدیل نہیں کرتے، صفحہ ۱۲۳ پر سفکل ۲۰۱۹ دیکھیں، بلکہ) نے حسال کی طسرون روان ہوتے ہیں، لیسکن، جب تک ان کے محناری نے حسال اختیار نہیں کرتے، دونوں گیٹوں کے دونوں مداحنل بلند ہوں گے (مضلاً  $\overline{S}$  بلند کر دیا گیا ہے، اور فی الحسال  $\overline{Q}$  نے حسال کا تک نہیں ہنچپ، المہذا ہے بھی بلند ہے؛ یوں بالائی گیٹ کے دونوں مداحنل بلند ہیں) ۔ دونوں گیٹو ہو حق ہیں) کی طسرون گامسزن ہوں گے۔ گیٹوں کے دورانیوں مسیں وضرق (جو وقت اور حسالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی بست حسال تک ایک ایک گیٹوں کے دورانیوں مسیں وضرق (جو وقت اور حسالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی بست کا مداحنل ہونے کی وجب سے روز ہو کا بیٹ میں جب بیٹی کر دوسر سے گیٹو کی اگر جب پلنے کار کے دونوں مداحنل عمد حسال کرنے سے بیٹوں کی وجب سے کار کے دونوں مداحنل فیسال کرنے کی بعد دوبارہ ہیکوقت عبید فیسال کرنے کا بعد دوبارہ ہیکوقت عبید فیسال کرنے کی بست دوبارہ ہیکوقت عبید فیسال کرنے کار کاحسال، متم خرب گیٹوں کی فیسال کرنے کار کے دونوں مداحنل فیسال کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عبید فیسال کرنے کار کوحسال سے خور کی اس کی بیٹون کی بھیٹوں کی بھیٹوں کے بیٹون کی بھیٹوں کے بھیٹوں کی بھیٹوں کی بھیٹوں کی بھیٹوں کے بھیٹوں کی بھیٹوں کے بھیٹوں کی بھیٹوں کی بھیٹوں کے بھیٹوں کی بھیٹوں

سٹکل ۲۰ امسیں پیش حبدول کی پہلے صف مسیں پلٹ کاربلند (Q=1) اور مداحنل غیب رفعال ہیں۔ صف ور صف ینچ جیلتے ہوئے دیکھ میں مداحنل تب دیل کرنے سے پلٹ کار کیا حسال افتیار کرتا ہے۔ (مداحنل کسی حناص ترتیب سے نہیں، بلکہ پلٹ کار کی کار کروگی کی ایک مثال دیکھنے کی عضرض سے تبدیل کیے گئے۔)

 $\frac{1}{2}$   $\frac{$ 

### ۲.۵ زیاده مداحنل پلیگ کار

پلٹ کارکے مداخنل دوسے زیادہ ہو سکتے ہیں، جیسا شکل ۱.۱۱مسیں دکھسایا گیا ہے۔ یہساں بلند کار مداخنل کی تعبداد دوسے، جنہسیں  $\overline{S}_a$  کہسا گیا ہے، جبکہ پست کار مداخنل ایک ہے۔ عسام طور شینوں مداخنل بلند (غیسر فعسال) رکھ حبائیں گے۔ یک الربلند حسال کرنے کی حناطسہ  $\overline{S}_a$  یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست فعسال) رکھ حبائیں گے۔ یک الربلند حسال کرنے کی حناطسہ  $\overline{S}_a$  یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست

race condition

	$\overline{S}$	$\overline{R}$	Q	حال
$\overline{S}$ $10$ $10$ $1$ $1$ $1$ $1$ $1$ $1$ $1$ $1$ $1$ $1$	1	1	1	بلن د
o longititition ov	0	1	1	بلن رہے گا
<b>-</b> 17	1	1	1	بر فتسرار
$\overline{R} \ \overline{111100101111} \ \ \begin{array}{c} 5V \\ 0V \end{array}$	0	1	1	بلن رہے گا
0V	1	0	0	پـــ
E 17	1	0	0	پست رہے گا
$Q \overline{1111} 0 0 0 0 0 0 \overline{11} $ 5V	1	1	0	برفتشراد
0 V	1	0	0	پست رہے گا
	1	1	0	بر فتسرار
$\overline{Q} \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1$	1	1	0	بر فتسرار
$\sim \frac{0000}{111111100}$ 0V	0	1	1	بلند
	1	1	1	بر فتسرار

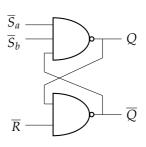
مشکل ۱۰:۱یس آریلٹ کارکے استعال کاحبہ ول اور ترسیات

(فعال) کیا جب نے گا، جب کہ پلٹ کارپیت حسال کرنے کی حضاط سر  $\overline{R}$  ایک لمحہ کے لئے فعال کیا حسال کا گا۔ حسال دوڑ سے بچنے کے لئے ضروری ہے کہ  $\overline{R}$  کے ساتھ باتی دومداحشل مسین سے کوئی ایک (یادونوں) انکھے فعال نہ کیا ۔ حسال دوڑ سے بچنے کے لئے ضروری ہے کہ  $\overline{R}$  کے ساتھ باتی دومداحشل مسین سے کوئی ایک (یادونوں) انکھے فعال نہ کیا ۔ حسائے۔

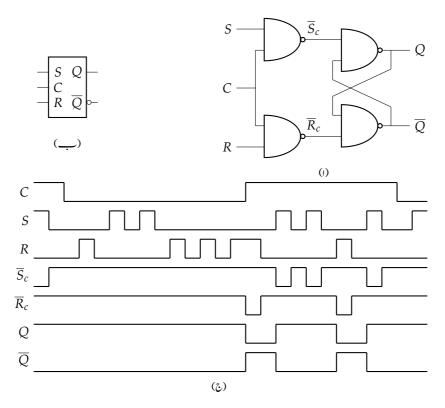
### ۲.۲ وت بل محباز ومعنذ وريلك كار

مشکل ۱۰.۱ کی ترسیات سے واضح ہے ،مداحن تب دیل کرتے ہی پلٹ کارنیاحسال اختیار کرتا ہے۔اسس حصہ مسین ایسی پلٹ کارپر غور کمیاحبائے گاجس کے مداحن کو پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز ہونے سے روکاحب اسکتا ہو۔ شکل ۲.۱۱الف پر غور کریں جہاں دومتم ضرب گیٹ کے اضاف ہے حسابل حسابو پلٹ کارحسامسل کمیا گیسا، جس کے (بلٹ د فیسال)

$\overline{S}_a$	$\overline{S}_b$	$\overline{R}$	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$
0	0	0	?	?
0	0	1	1	0
0	1	0	?	?
0	1	1	1	0
1	0	0	?	?
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	$Q_n$	$\overline{Q}_n$



شکل ۲۰۱۱: زیاده مداحن ایس آرپلی کار



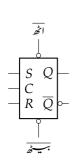
مشكل ٢٠١٢: محباز ومعه ذور بلت د فعهال مداحت ل اليسس آر پليك كار

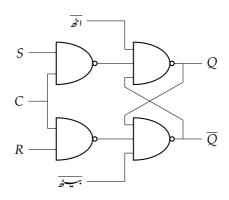
مدا حسل S اور R ہیں، جنہسیں عسام طور غنیہ رفعال (پست) رکھا حباتا ہے۔ پلٹ کار کی عسلامت مشکل - ب بھی پیش ہے۔ پیش ہے۔

اصن فی گیٹ کے محتاری کو  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}_c$  کہا گیا، جبکہ گیٹوں کو تابو کار اہشارہ C منسراہم کیا گیا۔ محباز و معتذور بین نے والا اصابو کار اہشارہ  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}_c$  مداحت معتذور ہوتے ہیں،  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}_c$  ہیں، اور پلٹ کار اپنا حسال ہر محترار رکھتی ہے۔ متابو کار اہشارہ بلند (محباز) کرنے سے پلٹ کار کے مداحت کی اور  $\overline{R}_c$  مورائر انداز ہوتے ہیں۔

شکل-ج سیں محباز ومعہ ذور وت ابو کار احشارہ C کی کار کر دگی واضح کی گئی۔ جب تک یہ احشارہ پست (معہ ذور) رہے،  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}$  بلند ہیں۔ احشارہ C بلند کرنے کے وت بل ہیں۔ یہ  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}$  پلٹ کار کاحسال تبدیل کرنے کے وت بل ہیں۔ یہ یہ کے اور محباز و معذور بلند فعالی مداخل الیم آریدھے کار کہا تا ہے۔

بعض اوت \_\_\_. پلٹ کارے عصومی مداحن استعال کیے بغیبر، ہم پلٹ کار کاحب ال خود تعین کرناحپ ہے ہیں۔ عصوماً، پلٹ کار کا ابت دائی حسال متخب کرنے کے لئے ایب کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۲۔ ۱۳ مسین دومسزید مداحن ، آٹھ اور جسٹھ،





شكل ١٣: الله بيله صلاحيت پلك كار

مہائے گئے ہیں، جنہ میں یہ ہے کرکے ملٹ کار کوبالت رتیب زبر دستی بلند اوریت کسیاحیا سکتاہے۔

# ٢.٧ آ تاعنلام پلاك كار

گزشتہ حسبہ مسین محباز و معیذور بلند فعیال مداحشل ایس آر پلٹ کار پر غور کیا گیا۔ سشکل ۱۳.۹ مسین ایسے دو پلٹ کار (پہلا آت اور دوسسراعشلام کہلاتاہے) اور ایک نفی گیٹ ہے آقا غلام پلٹے کار '' تشکسیل دیا گیا۔ آت کے محساری، عنلام کے مداحشل ہیں۔ مسزید C پر اشارہ ساعتے اسمہیا کیا گیاہے۔

جتنی ویرساعت (C) بلندرہے، آت کے مداحن محباز، البذامحناری  $Q_a$  اور  $\overline{Q}_a$  وتابل تبدیل ہوں گے۔ عنلام کو C کا متم  $\overline{C}$  محباز ومعبذور (بلبذابر فسترار حسال) ہوگا۔

جس لمحہ ساعت پہت ہو، آمت ای لمحہ کے حسال مسین رہ حب نے گا، اور عندام محباز ہو کر فوراً آمت کے محنارج کے مطابق حسال اختیار کر لے گا۔ یوں، عندام ہر وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے ہو اور  $Q_a$  تب یل نہسین ہو کتے ، لہذا عندام حسال تب یل نہسین کرے گا۔

آپ د کھ سے ہیں، عندام پلٹ کار صرف اور صرف ساعت (C) کے کسنارہ اترائی پر حسال تبدیل کرتا ہے، جس کی وجب سے کنارہ اترائی پر عمل کار آقا فلام پلٹ کار اس کہا ہاتا ہے۔ ساعت کے کسنارہ اترائی پر تسیر کانشان اسس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کا کسنارہ (اترائی)، پلٹ کار کی لمبھی سے بہ جے پست کرنے ہے، پلٹ کار داختلی اسٹارے کا مکس لیتا ہے۔

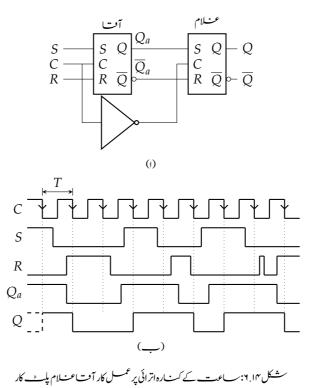
master slave flip flop ".

clock

negative edge triggered Master Slave flip flop re

trigger

٢٤. آفت عندام پلٹ کار



بـ دول ۲۰۲: کـنـنـاره اتر ائی پر عمسـل کار آفت عنــام پایــــه کار	ح
--	---

С	S	R	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$
0	x	x	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
1	$\boldsymbol{x}$	$\boldsymbol{x}$	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
$\downarrow$	0	0	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
$\downarrow$	0	1	0	1
$\downarrow$	1	0	1	0
$\downarrow$	1	1	?	?

پیٹ کار کو پہلی مسرت برقی طباقت منسراہم کرنے ہے، حسال دوڑ پیداہو گی جس کے اختیام پر پلٹ کاربلٹ دیاپیت ہوگا۔ شکل مسین پہلے کسنارہ اترائی ہے قب Q مجمم و کھایا گیا ہے (ساب دار جس)، جو اس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی پر فعال S کے تحت آت عنلام پلٹ کاریق پنی طور پر بلٹ دسال اختیار کرتا ہے۔ (شکل ۲۔ ۱۳ مسین اٹھ بیٹے واشارات اسس طسرح مجمم صورت سے تمٹنے کے لئے ہیں۔)

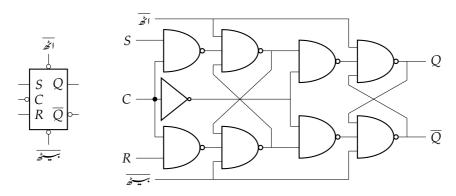
سشکل ۲ ، ۱۸ مسیں ساعت کے آٹھویں کنارہ اترائی کے بعد پست ساعت کے دوران R بلند ہو کر واپس پست ہوتا ہے، جو آفت عندام پلٹ کارکویست کرنے کے لئے، عبو آفت عندام پلٹ کارکویست کرنے کے لئے، مخصوص دورانیے ہے زیادہ وقت کے لئے فعال ہوں۔ داحنی امشارہ اس کا مخصوص دورانیے ہے زیادہ وقت کے لئے فعال ہوں۔ داحنی امشارہ اسس کا عکس مخفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ L (شکل صورت کر دار اداکر تا ہے، جب بلند ساعت اسس کا عکس مخفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ کی صورت میں بھی اور دی فعال ہونے کی صورت میں بھی است کی اور دیر فعال ہونے کی صورت میں بھی سام پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایک صورت میں بھی سام پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایک صورت میں بھی عمین میں میں ہے، کمنارہ اترائی پر کوئی مداحنل فعال ہے ہو (شکل ۲ سام میں چھٹا کئیارہ اترائی دیکھیں)، البذاء عمین کمنارہ اترائی کے لحمد موجود مداحنل کا حسال محفوظ کرنے کے لئے ضروری ہے کہ مداحنل کم از کم ایک دوری عسر صدے کے مداحنل بر کم از کم ایک دوری عسر صدے فعال رہے کی شیرط مطاط نہیں۔

حبدول ۲.۲ مسیں کن ارواترائی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار پیش ہے، جب اں ساعت کے کسنارہ اترائی پر پلٹ کار (نب) حسال افتدار کر تاہے۔ بلند اوریت ساعت کے دوران، پلٹ کار حسال برفت رار رکھتا ہے۔

بعض اوت ت، پلٹ کار کاحبال، کنارہ ساعت کا انظبار کیے بغیبر، تبدیل کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۱۵.۱ مسیں (در کار مصیں اور کار مصیب (در کار مصیب استعال کرتے ہوئے) آفت اعتمام پلٹ کار مسیں پیست فعبال مداحنل آتھ مصامات پر تین مداحنل متم ضرب گیا ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ اسپر اور جسیجہ کا انسان کر کے ایک پلٹ کار تفکسیاں یا گیا ہے۔ (برقی تاروں کی تعبداد بہت بڑھ گئی ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ اسپر مصابق کا البت، جب ضرورت پیشس مصرت دوبارہ دیکھیں۔) عمام طور انہیں غیبر فعبال رکھا حبائے گا، البت، جب ضرورت پیشس آئے، انہیں استعال کرتے ہوئے، ساعت کے کہنارہ اترائی کا انتظار کیے بغیبر، پلٹ کار کا حیال مصرضی کے مطابق منتخب کیا جب سے گا۔

شکل مسیں منفی کنارے پر علی کرنے، اور اٹھ پیٹھ صلاحیہ کے ، آقا غلام پلٹے کاری علامت بھی پیش ہے،جبال

۲.۸ . ڈی پائے کار



مشكل ١٥.١٤ الله بي المصلاحية وكفي اور منفي كن اربي يرعمس لرني والا آفت عندلام يليك كار

ے عیں (C) پر گول دائرہ منفی، اور تکون ک**نا**رے کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں اسس سے مسراد "ساعت کے منفی کنارے پر عمسل پیسے راہونا"لباحیائے گا۔

#### ۲.۸ وی پلٹ کار

#### . ۲.۸ آ وت عندام پلٹ کارسے حساصل کر دہ ڈی پلٹ کار

آ ت عندام پلٹ کارے ساتھ نفی گیٹ شلک کرے ڈی پلٹ کار ۳۴ ساسسل کیا جب تاہے، جو شکل ۱۹.۲ میں پیش ہے۔ پلٹ کار کاری عسلامت مسین C واضح طور نہیں لکھ گیا، چونکہ عسلامت پر داختلی حبانب گل دائرہ اور تکون سامت کے منفی کمن ارہ کو ظاہر کرتے ہیں (شبت کمن ارہ، صرف تکون سے ظاہر کمیا حباتا ہے)۔ مداخت D پر کم از کم ایک دوری عسر صدر (T) بلندیا پیت رہنے کی ششر ط مسلط ہے۔

پلٹ کارکی کارکرد گی کا جدول بھی شکل ۱۲.۲ مسیں پیش ہے، جس کے تحت، بلندیا پیسے ساعت کے دوران، مداحنل D، پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز نہیں ہوگا۔ پلٹ کار (صریف) ساعت کے کمٹ ارہ اترائی پر D دیکے کر (نیا) حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں اسس کانام کنارہ اترائی پر علی کار ڈی پلٹ کارٹ ہوگا۔ ساعت کو نفی گیٹ ہے گزار کر کنارہ پڑھائی پر علی کارڈی پلٹ کار' سامسل ہوگا۔

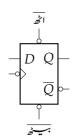
سشکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی کار کردگی کی مشال پیش ہے۔ آت عندام پلٹ کار کے R مداحن سے چھٹکاراحیا سسکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی صورت "حسال دوڑ" سے دو حیار نہیں ہوگا۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی سے قبل، پلٹ کار کاحسال مبہم ہے، جس کوسیاہ کر کے (بلٹ دوییت دونوں) دکھیا گیا ہے۔

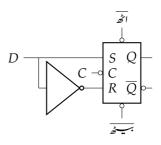
D FF

\_\_

negative edge triggered, D flip flop rositive edge triggered, D flip flop

С	D	$Q_{n+1}$
0	х	$Q_n$
1	$\boldsymbol{x}$	$Q_n$
$\downarrow$	0	0
<b></b>	1	1
		· ·

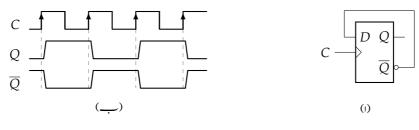




شکل ۱۱.۱۲: آفت عندام سے حساصل ڈی پلٹ کار



۲.۹ . وَى لِلِتُ كَار



شکل۲.۱۸: تعدد دوسے تقسیم کیا گیا

سنگل ۱۸.۱ مسین کنارہ پراهائی پر عمسل کارڈی پلنے کارکا  $\overline{Q}$  مداحن D ہوڑ کر، پلیٹ کارکو ساعت  $\overline{Q}$  ہنداہم کی گئی۔ شکل – ہمسین ساعت کے اول کن رہ حپڑھائی پر توجہ دیں۔ یہاں D  $\overline{Q}$   $\overline{Q}$ 

کن ارہ اترائی پر عمس ل کارپلٹ کارکے استعال مسیں اسس بات کو پقسینی بناناخروری ہے کہ مداحسٰل، ساعت کے کسنارہ اترائی کے دوران، تب دیل سنہ ہو۔ حقیقت، کمن ارہ اترائی کے آغن ازے چند لمحسات قببل سے لے کر، کمن ارہ گزرنے کے چند لمحسات بعب بعب مداحسٰل D کابر وسرار ایک حسال مسیں رہناخروری ہے۔ ان لمحسات کو بالسسرتیب دورانیہ تعیار کے محسال مسیں رہنا کہ معسال میں اور دورانیہ تعیار کے تحسال کا کرے تحسال کارکے دورانیہ میں مداحسٰل کو دوران حسیر حسائی تب بل نہیں ہونے دیاجساتا۔

#### ۲.۹ ڈی پلٹ کار

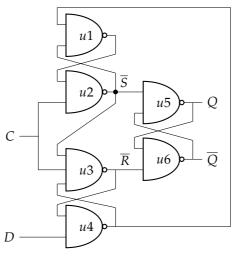
گزشتہ حصبہ مسین آفت عندام پلٹ کارے ڈی پلٹ کار صاصل کیا گیا، جس کے مداحن پر، کم از کم ایک دوری عسر مصد دورانی ہے کئے حسال برقت را در کھنے کی مشیرط مساط ہے۔ مشکل ۱۹٫۲ مسین نسبتاً بہت بر، (کنسارہ حپ ٹرصائی پرعمسل کار) ڈی پلٹ کار پیش ہے، جو واقعی، ساعت کے کسنارہ حپ ٹرھائی پر (نیبا) حسال اختیار کرتا ہے، اور جو وسلیح پہانہ مخلوط ادوار ۲۹ مسین باکشیرے مستعمل ہے۔

 $u^2$  ،  $u^2$ 

setup time "2

hold time

very large scale integration (VLSI)"9

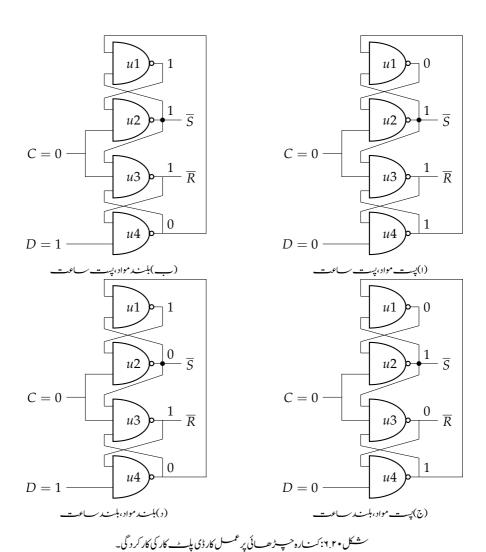


شکل ۲.۱۹: کن اره حب ٹرھ ائی پر عمل کارڈی پلی کار

#### تعبین کرتے ہے۔

سنگل ۲۰۰ سین دور کی کار کردگی کی وضاحت کی گئی ہے، جہاں صوف گیٹ  $\overline{R}$  اور  $\overline{R}$  سنگل ۱۹۰ کے  $\overline{R}$  وہ کھنے ہوئے تسام (حیار) مکنت صور تیں پیشش کی گئی ہیں۔ گیٹ و  $\overline{R}$  اور  $\overline{R}$  سنگل ۱۹۰۱ کے گیٹ و اور  $\overline{R}$  اور  $\overline{R}$  مکنت صور تیں پیشش کی گئی ہیں۔ گوٹ کے محارج  $\overline{Q}$  اور  $\overline{Q}$  مہیا کرتے ہیں۔ سنگل ۲۰۰ الغی اور سیس پیست ساعت  $\overline{Q}$  اور  $\overline{Q}$  مہیا کرتے ہیں۔ سنگل ۲۰۰ الغی اور  $\overline{Q}$  کی صورت مسین  $\overline{Q}$  اور  $\overline{Q}$  مہیا کرتے ہیں۔ سنگل مسین کی صورت مسین  $\overline{Q}$  اور  $\overline{Q}$  مہیا کرتے ہیں۔ قطع نظر، بلند ہوں گی بالبند اور  $\overline{R}$  اور  $\overline{R}$  اور  $\overline{R}$  اور  $\overline{R}$  اور  $\overline{Q}$  کی گئیٹ کی گئیٹ کی کی برول سے آبال مسین  $\overline{Q}$  اور  $\overline{Q}$  کی گئیٹ کار بروت رار سال ہوگا جب  $\overline{Q}$  اور  $\overline{Q}$  کی گئیٹ کی کی بالبند میں اور  $\overline{Q}$  کی گئیٹ کی کار بروت را رسال ہوگا جب  $\overline{Q}$  کی گئیٹ کی صورت مسین، جو  $\overline{Q}$  کی قطع نظر رکھا کی گئیٹ کار بروت را رسال رکھتا ہے، ہی دوم مکنات یا تے جب تے ہیں۔

۲.۹ . ڈی پلٹ کار



کی قیت تبدیل نہیں ہونی حب ہے۔ دورانی تھی راؤگیٹ سے دورانی رد عمل کے برابر ہے، چو ککہ، D کی قیت کے قط نظر، 44 کامٹ رق 1 پر کھنے کے لئے R کا 0 ہونالازی ہے۔

D = 0 ہو نے کے لیمے پر D = 0 ہو، تب  $\overline{S}$  تب دیل ہو کہ D ہوگا، جب ہم کی قیمت D = 0 ہو، تب کی ہن پر (شکل ۱۹٫۱ میں) ڈی پلٹ کار کا محن ان کی باند (1) ہوگا۔ بلند ساعت D = 0 ہو، جو رودان ، D = 0 کی تب دیلی D = 0 ہو، کی تب یا تب کی تب

حنلام کے یوں ہے۔ ساعت کے کمنارہ حبٹر ہائی پر D کی قیمت Q کو منتقتل ہوتی ہے۔ بلند ساعت کے دوران Q مسین تبدیلیاں Q پر اثر انداز نہیں ہوتیں۔ مسزید، ساعت کا کمنارہ اترائی اور پست ساعت، Q پر اثر انداز نہیں ہوتے۔

ان ادہ D=0 گیٹ U اور U اور U گرر U گویت کرتا ہے، جو U گوبلند کے رکھتا ہے۔ یوں ساعت کے کسارہ حب ٹرھسائی ہے ( U اور U اور U گوبلند روقت آب ان طسرت U گرابر وقت مستقل صورت افتیار کرلے۔ ای طسرت U گروری ہے کہ U گیمت مستقل صورت افتیار کرلے۔ ای طسرت U گروری ہے کہ U گیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھے۔ راؤ (جو U کی قیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھے۔ راؤ (جو U کے ترابرہ کے کے تب رہاں ہو۔

آ ت عندام پلٹ کار کی طسرح، کن ارہ پر عمسل کارپلٹ کار، ترتیبی ادوار مسین بازری کے مسائل سے چیٹکارا دیت ہے۔ اسس قتم کاڈی پلٹ کار استعال کرتے وقت دورانے شیاری اور دورانے ٹھیسر اؤپر توحب دینی ہوگی۔

تر تت بی ادوار مسیں مختلف پلٹ کاراستعمال کرتے وقت، اسس بات کو یقشینی بن میں کہ تمسام پلٹ کار ہیکوقت ( ایعنی تمسام پلٹ کار سیادہ اترائی پریاتسام پلٹ کار کسنارہ حب ٹرھسائی پر) حسال تبدیل کرتے ہوں۔ وہ پلٹ کار جو منتخب کسنارہ کے محتالف کسنارے پر حسال تبدیل کرتے ہوں، کی ساعت نفی گیٹ سے گزار کر، منتخب کسنارے کے ہم عصر بنیا پر سیا کتا ہے۔

مثق ۲۰.۳: انٹ رنیٹ سے ڈی پلٹ کار کے معسلوماتی صفحیات اتاریں۔(۱) اسس محسلوط دور مسیں کتنے ڈی پلٹ کار ہیں؟ (ب) سے پلٹ کار ساعت کے کس کن اربے پرعمسل کارہے؟

۲.1۰ حے کے پلٹ کار

ڈی پلٹ کار استعال کر کے مختلف اقسام کے پلٹ کار تفکسیل دیے جباستے ہیں، جن مسیں ہے کے پلٹ کار <sup>۵۰</sup> اور ف**لے پلٹ کار ا<sup>۵</sup> بہت م**قبول ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حپڑھ آئی پر عمسل کارج کے پلٹ کار کی بن اوٹ شکل ۲۱.۲

JK FF<sup>a</sup>

۱۰۲. جے کے پلٹ کار

مسیں، اور کار کر دگی حبد ول ۲۰۱۹ – ب مسین پیش ہے۔ کسنارہ اترائی پر عمسل کارجے کے پلٹ کار بھی پایا حباتا ہے۔ سنگل مسین مداحسل D ذیل ہوگا، جہاں پلٹ کارے موجودہ محسارج  $\overline{Q}_n$  اور  $\overline{Q}_n$  ککھے گئے ہیں۔

$$D = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

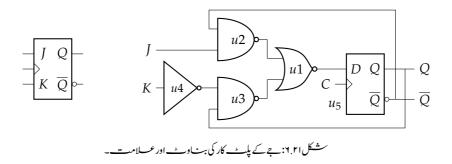
ساعت کے اگلے کن ارہ حپڑھ انی پرڈی پلٹ کار اسس مدا حسل کے تحت حسال اختیار کرتا ہے، اہلہ ذاجے کے پلٹ کار کر کار کر دل گل کے کار کردگی کی مساوات درج ذیل ہوگی، جہاں موجودہ محسارج ہو اور اگلا ہے۔

$$Q_{n+1} = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

آپ نے دیک کہ  $Q_{n+1} = Q_n$  کی صورت مسیں پلٹ کاربر تسرار حسال  $Q_{n+1} = Q_n$  ہوگا۔ حب دول کے اضافی حسن نے مسیں یہ معلومات درج کی گئی ہے۔ آسلی کر لیں (اگلے مثق مسیں ایسا کرنے کو کہا گیا ہے) کہ جبدول مسیں D اور  $Q_{n+1}$  کی تمام معلومات مساوات  $Q_{n+1}$  کے عسین مطابق ہیں۔ اسس جبدول کی بہتر صورت جبدول – ہے، جہال غریر ضروری معلومات روپوشش کی گئی، اور کستارہ حہڑھائی کی معلومات فسیر ایم میں گئی۔

# ہے کے پلٹ کارکھ کارکردگھ درج ذیل ہے۔

مثق ۲۰.۳: حبد ول ۳.۶-الف اور کی تصید بق کریں۔



#### ب دول ۲۰۳: کن اره حب ڑھ ائی پر عمس کار جے کے پلٹ کار

С	J	K	$Q_{n+1}$	
$\uparrow$	0	0	$Q_n$	برمتسرار حسال
$\uparrow$	0	1	0	پست حسال
$\uparrow$	1	0	1	بكن دحسال
$\uparrow$	1	1	$\overline{Q}_n$	متم حسال

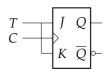
(1)

J	K	$Q_n$	D	$Q_{n+1}$
0	0 0	0 1	0	Qn
0	1 1	0 1	0	0
1 1	0	0 1	1 1	1
1 1	1 1	0 1	1 0	$\overline{Q}_n$

۱۰۱. ج کے پلٹ کار

С	T	$Q_{n+1}$
0	x	$Q_n$
1	$\boldsymbol{x}$	$Q_n$
$\uparrow$	0	$Q_n$
$\uparrow$	1	$\overline{Q}_n$





#### شکل ۲۲.۲۲ فی پلٹ کار کی بن اوٹ اور عسلامت

ا.۱۰.۱ ٹی پلٹ کار

ج کے پلٹ کار کے دونوں مداحنل آلپس میں جوڑنے سے فی پلٹے کار <sup>ar</sup>ساسل ہو گا، جو شکل ۲۲.۲ میں بمع عبلامت اور حبدول پیش ہے۔

پیت مداحن (T=0) کی صورت مسین ٹی پلٹ کاربر فسیرار حسال رہے گا، جب کہ بلٹ مداحن (T=1) کی صورت مسین ساعت کے کشارہ حب ڑھا کی پر متم حسال اختیار کرے گی۔ یوں بلٹ کا کی صورت مسین بلٹ دیائے کی سازہ حب ڑھا کی بربلٹ دیوگا۔ کارا گلے کشارہ حب ڑھا کی بربلٹ دیوگا۔

ٹی پلٹ کار کی مساوات، ج کے پلٹ کار کی مساوات ۲.۷ سے حساسل کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1}=J\overline{Q}_n+\overline{K}Q_n$$
  $=T\overline{Q}_n+\overline{T}Q_n$   $=T\oplus Q_n$ 

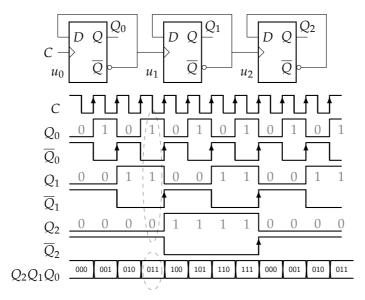
ماوات کے حصول مسیں I اور K دونوں کی جگہ T استعال کیا گیا۔

مثق ٢٠٥: أي يلئ كارك حبدول كي تصديق كرين ـ

مثق ۲.۲: انٹ رنیٹ سے 74xx اور 40xx سلسانہ مسین جے کے اورٹی پلٹ کارتلاسش کریں۔

\_\_\_\_

T FF<sup>2r</sup>



شكل ٢٠٠٣: تين هندسي شنائي گنت كار

## ال.١١ شنائي گنت كار

سشکل ۱۸.۲ مسیں پیشس دور تین مسرتب استعال کر کے مشکل ۲۳.۲ ساسسل ہوگا۔ بائیں حبانب سے اول پلٹ کار (س) کامختارج Q<sub>2</sub> پکارا آسیا ہے۔ (س) کامختارج Q<sub>0</sub> پکارا آسیا ہے۔

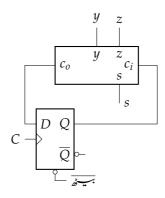
پلٹ کار  $u_0$  ساعت (C) کا تعدد 2 سے تقسیم کرتا ہے۔ اسس کے دونوں مختارج شکل مسیں پیش ہیں، جو ساعت کے کہنارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتے ہیں، اور جن کا تعدد C کے تعدد کا نصف ہے۔ احشارہ  $u_0$  کا تعدد C کا میل کرتا ہے۔ یوں  $u_1$  کا تعدد C کا تعدد C کا تعدد کا کہ کار کی ساعت مہیا کیا گیا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔

پلٹ کارے مختاری، شنائی عدد کے تین ہندے تصور کر کے،  $Q_2Q_1Q_0$  روپ مسیں تکھیں۔ شکل ۲۳۰۱ کے آحضری صف مسیں سے عدد پیش ہے، جہاں تسینوں پلٹ کار ابتدائی طور پیت تصور کیے گئے۔ نقطہ دار  $Q_2Q_1Q_0=0$  (بلند)، اور  $Q_2=0$  (بلند)، اور  $Q_2=0$  (بلند) یاں جنہیں مسیں  $Q_1=0$  (بلند)، اور  $Q_2=0$  (بلند) یین جنہیں کی جنہیں کی جنوص کی برابر ہے۔ سے دور ساعت کا کسنارہ حپڑھائی، (تین ہندی شنائی عدد کے رویہ میں) گذتا ہے، جو اعشاری تین کے برابر ہے۔ سے دور ساعت کا کسنارہ حپڑھائی، (تین ہندی شنائی عدد کے رویہ میں) گذتا ہے، جس کی بہنا پر اسس کانام تی ہن جہری شنائی گئتے کا رسمہ

گنت کار صف ر (0002) تاست (1112) (یعنی آٹھ، 23، کن ارے) گسنتی کرنے کے بعب دوبارہ صف (0002)

three bit binary counter

۲.۱۲ سلیله وارشنائی جمع کار



شكل ٢٠٠: سلسله وارشنائي جمع كار

ے سشروع کر تاہے۔ ساعت C کی بحبائے گنت کار کو کوئی بھی عددی اسٹارہ گسنتی کے لئے مسئراہم کسیاحب اسکتاہے۔ گنت کار اسٹارے کے کسنارہ حپڑھ اُئی کی گسنتی کر کے نتیجب مہیا کرے گا۔

ڈی پلنے کار کی تعبداد 4 کر کے، سولہ (16 = 16) کن ارے گئنے کے متابل گنت کار بنایاحب سکتا ہے جو صغیب ر (0000ء) تا پہندرہ (1111ء) گسنتی کرے گا۔ یوں n پلنے کارپر مشتل شنائی گنت کار  $2^n$  کن ارے گئنے کے متابل ہو گا۔

# ۲.۱۲ سلسله وارشنائی جمع کار

شکل ۲۳.۲ مسیں مکسل جمع کار  $(u_1)$  اور ڈی پلٹ کار  $(u_2)$  کی مدد سے اصطبالا حملہ وار شنائی جمع کار کو جمع کرنے والے دو سے (مکسل جمع کار کی ڈب عسامت کو یوں بنایا گیا ہے کہ دور مسیں صفائی پیدا ہو)۔ مکسل جمع کار کو جمع کرنے والے دو شنائی اعبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حباتے ہیں۔ کمت ر تی ہو سے مشروع کر کے ساعت کے ہر کسنارہ حب روسائی پر دونوں اعبداد کے اگلے بو صنداہم کے حباتے ہیں۔ کس بھی وقت م پر ڈی پلٹ کار حباصل جمع (لین مکسل جمع کا حضول سے کاحضار ہی حساس جمع کی جمعول سے محسول سے کاحضار ہی جمعول سے قبل ڈی پلٹ کار زبرد ستی پیست کی سے سالہ وار نسل منسر ہو۔ آپ دیکھ سے ہیں کہ x پر سلیلہ واردونوں شنائی اعبداد کا محبوع سے حضار جم ہوگا۔

اسس باب کے آمنسر مسیں آپ سے گزار شش کی حبائے گی کہ سلسلہ وار شنائی جمع کار استعال کرتے ہوئے دوشنائی اعساداد جمع کریں۔

binary serial counter ar

# ۱.۱۳ معاصر تتیبی ادوار کا تحبزی

ے عتب پر عمس ل کار، پلٹ کارپر مسبنی ادوار معاصر ترتیبی ادوار ۱۵ کہا تے ہیں، جو پلٹ کار کے موجودہ حسال اور مداحسل دکیرے کرنے حسال افتدار کرتے ہیں۔ ہم زیادہ ترکستارہ کرنے حسال افتدار کرتے ہیں۔ ہم زیادہ ترکستارہ ساعت کے ساتھ دے مالا کرچلتے ہیں۔ ہم زیادہ ترکست میں عادہ ترکست میں عصل کار ترتیب ادوار مسیں ترکست میں ہے کا موجود ہونالازم نہیں۔

کنارہ پر عمسل کار معساصر ترتیبی ادوار کنارہ ساعت پر نیباحسال اختیار کرتے ہیں۔ موجودہ حسال نئے حسال پر اثر انداز ہو سکتا ہے، البندائے حسال دریافت کرتے وقت موجودہ حسال (کو بھی) مداحساں تصور کریں۔ ترکسیبی ادوار کی طسرح ترتیبی ادوار کا حبدول، جو **مدول عالی انتہ** ہسلاتا ہے، نئے حسال دریافت کرنے مسیس مددگار ثابت ہوگا۔ نیباحسال مم**اواتے عالی <sup>۵۵</sup>ے بھی** حسامسل کیا حباسکتا ہے۔ دونوں طسریقوں پر غور مشالوں کی مددے کرتے ہیں۔

#### ا.١٣.١ مساوات حسال

ce(2) موجودہ حسال اور موجودہ مداحنل کے روپ مسیں، مساوات حسال دور کے اگلے حسال بسیان کرتی ہیں۔ کسنارہ حسام عدت کے موجودہ حسال کو موجودہ حسال کو موجودہ حسال تصور کر کے، اسس کے لئے امشاریہ n استعمال کرتے ہوئے، مشلاً Q(n) ، انگلاحسال Q(n+1) ہوگا۔

$$D_0(n) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

اس میاوات میں ہر حبزو کے ساتھ (n) چیاں کر کے واضح کیا گیا کہ یہ موجودہ متغیبرات ہیں۔ سابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال u1 اس میاوات کے مطابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال  $Q_0(n+1)$  ورج ذیل ہوگا۔

$$Q_0(n+1) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

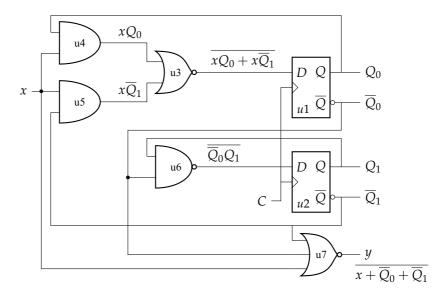
ای طسرح متم ضرب u6 کے مداحسٰل  $\overline{Q}_0$  ،  $\overline{Q}_0$  الہذامینارج  $\overline{\overline{Q}_0Q_1}$  ہوگا،جو پلیٹ کار u کامداحسٰل u کامداحسٰل ورج ذیل ہوگا۔ یوں اسس پلیٹ کار کااگلاحسال درج ذیل ہوگا۔

$$Q_1(n+1) = \overline{\overline{Q}_0(n)Q_1(n)}$$

synchronous sequential circuits 22

state table

state equation 22



مشكل ٢٤.٢٥: ترتيبي دور بيطور مثال

تیب رامخنارج y ہے جو متم جمع u کامخنارج  $\overline{x}+\overline{Q}_0+\overline{Q}_1$  ہے،اور جو ساعت کا تابع نہیں،اہلہذا y صرف موجودہ حسال اور مداحن کی مخصر ہے، لینی ہے ہر صورت موجودہ مختارج ہوگا۔

$$y(n) = \overline{x(n) + \overline{Q}_0(n) + \overline{Q}_1(n)}$$

ساوات ۲۰۱۱ اسیں باربار (n+1) اور (n+1) کھنے سے گریز کرتے ہوئے درج ذیل کھا جب سکتا ہے۔

$$Q_0 = \overline{xQ_0 + x\overline{Q}_1}$$
 
$$Q_1 = \overline{\overline{Q}_0Q_1}$$
 
$$y = \overline{x + \overline{Q}_0 + \overline{Q}_1}$$

#### ۲.۱۳.۲ حبدول حسال

معساص حسال جدول مسین کلھے جب سے ہیں۔ شکل ۲۵۱ کی مشال آگے بڑھ تے ہوئے مساوات ۱۳۰۱ سے حبدول کلھتے ہیں۔ موجودہ مداحنل (x) اور موجودہ حسال  $(Q_1\cdot Q_0)$  آزاد متغیبرات، جب اگلے محناری اور حسال تائع متغیبرات تصور کر کے ان کی تسام ترتیب  $(Q_0(n)\cdot x(n))$  متغیبرات تصور کر کے ان کی تسام ترتیب  $(Q_0(n)\cdot x(n))$  ماور الله محناری کا مصال الله عمناری کا مصال الله محناری کا مصال میں درج کر ہے ہولے جال  $((n+1)\cdot Q_0(n+1))$  ماور الله محناری حسال کر کے جبدول مسین درج کر ہیں۔ یوں حبدول ۲۰ سے صل موگا، جو **بدول حال** مصال کر کے حبدول مسین درج کر ہیں۔ یوں حبدول ۲۰ سے صل ہوگا، جو **بدول حال** 

state table an

موجو دہ حسال	_ال	اگلا حہ	عنارج	موجوره م
	x = 0	x = 1	x = 0	x = 1
$Q_1Q_0$	$Q_1Q_0$	$Q_1Q_0$	y	у
00	11	10	0	0
01	11	10	0	0
10	01	01	0	0
11	11	10	1	0

#### حبدول ۲۰.۴: حبدول حسال (برائے مساوات ۲۰۰۱)

#### ٣١١٣.٣ حناكه حسال

حبدول حسال مسین موجود معسلومات کاحن که بنایا جبا سکتاہے جو **فاکہ مالی ۱۵** کہاتا ہے۔ جبدول ۲۰۲۸ کاحن کہ حسال مشکل ۲۲٫۹ مسین پیش ہے۔

حن کہ حسال مسیں دور کاحسال گول دائروں سے ظلم کسیاحباتاہے، جبکہ موجودہ حسال سے الحلے حسال منتقلی تسیسر دار لکسیسر سے ظلم کی حباتی ہے، جس کی دم موجودہ حسال پر اور سسر الحلے حسال پر رکھا حباتا ہے۔ تسیسر دار لکسیسر پر دواعب داد لکھے حباتے ہیں، جن کے پہر تھی لکسیسر کھیٹی حباتی ہے۔ وہ داحسلی قیسیہ جو انتقال کا سبب ہستتی ہے، تر تھی لکسیسر کے اوپر اور موجودہ محسارج نے لکھا حساتا ہے۔

شکل ۲۵.۸ کے ترتیبی دور مسیں دوپلے کار مستعمل ہیں، جن کاحسال  $Q_1Q_0$  ککھ کر 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 کے 01 مسکن حسال 01 کار مستعمل ہیں۔ حسال 02 کے تست انتقال کی تسیسر دار ککسی کریس کے تحت انتقال 04 کی بدولت پیشش آیا اور 04 کے ہے۔

00 جن کہ حسال دیکھ کر کئی حسن کُقل ہا آسن فی واضح ہوں گے۔ مشلاً، حن کہ دیکھ کر واضح ہے ہے۔ دور کسی دوسسرے حسال سے x=1 منتسل ہوگا، جس کے بعد جب تک x=1 رہے حسال سنتسل ہوگا، جس کے بعد جب تک x=1 رہے حسال سب ہوگا، جس سے نظنے کا کوئی داستہ موجود نہیں۔

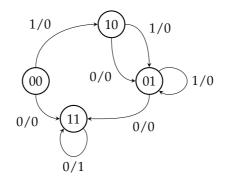
حناکہ حسال اور جبدول حسال ایک ہی معسلومات دو مختلف طسریقوں سے پیشس کرتے ہیں۔ دونوں مسیں پیشس معسلومات ہر طسرت یکساں ہے۔

#### ۲.۱۳.۴ ڈی پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

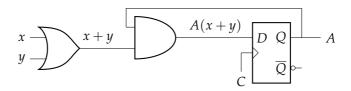
تر تسیبی ادوار کے حسل کی مسزید مشالوں پر غور کرتے ہیں۔ پہلی مشال ڈی پلٹ کارپر مسبنی ہے جو شکل ۲۷.۱مسیں پیشس ہے۔ دور مسیں ایک پلٹ کارپایا حب تاہے جس کامحنارج A کھی کر مداخن ل

ساعت کے کنارہ حب رہائی پر ڈی پلٹ کار مداحنل کے تحت نیا حال افتیار کرتا ہے، المہذا الگل حال کی

state diagram<sup>59</sup>



شكل ٢٦.٢١: حناكه حسال (برائے شكل ٢٥.٦)



مشكل ١٠٢٤: دى پلاك كار پر مسنى ترتىسبى دور

ساوات درج ذبل ہو گی

$$A(n+1) = A(n)(x(n) + y(n))$$

بے۔ بسس کی سیادہ صور<u>ت</u> ذیل ہے۔

$$A = A(x + y)$$

اسس مساوات کے نتائج شکل ۲۸۰ مسیں جبدول مسیں پیش ہیں۔ حناکہ حسال اور اسس کا سادہ روپ (نحپلا حناکہ) بھی شکل پیش ہیں۔ پلٹ کار کے حسال 0 اور 1 دائروں مسیں رکھے گئے ہیں، جبکہ ان کے آخ انتحال شیر دار ککیسرے د کھسایا گیا ہے۔ تیبر دار لکسیسروں پر مداخنل xy کی موجودہ قیمتیں کبھی گئی ہیں۔ ایک ہی حسال مسیں رہنے کے تمام ممکنات کو اکھی بھی کھی حباسکتے ہی جیسے خیلے حناکہ مسیں کسائیسے۔ آپ د کھے سکتے ہیں کہ حسال 1 ہے 0 اسس وقت انتحال ہو گاجب مداخنل 00 ہو۔ باتی تمام حسال مسیں پلٹ کار موجودہ حسال بر متحرار رکھتا ہے۔ مسئوی کا کوئی راستہ موجود نہیں۔

### ۲.۱۳.۵ جے کے پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

شکل ۲۹.۲ سیں جے کے پلٹ کار پر مسبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ بالا پلٹ کار کا حسال  $Q_A$  اور مداحسل  $K_A$  ،  $J_B$  ہیں۔ جب نہریں پلٹ کار کا حسال  $Q_B$  اور مداحسل  $Q_B$  ہیں۔



$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		موجوده		1161
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	A	х	у	A
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0	0	0	0
$\begin{array}{ccccccc} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \end{array}$	0	0	1	0
$\begin{array}{cccccc} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \end{array}$	0	1	0	0
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0	1	1	0
1 1 0 1	1	0	0	0
	1	0	1	1
1 1 1 1 1	1	1	0	1
	_1	1	1	1

10,01,11



دور مسیں متم بلات رکت جمع گیٹ کا ایک مداحنل  $Q_A$  ہے جو بالائی پلٹ کار کاموجودہ حسال ہے۔ پلٹ کارے محنار جن سے گیٹ کے محالت کا ایک نام رکھا گیٹ کے مداحنل تک تارکھنیخ کی بحب نے دونوں کا نام  $Q_A$ ) رکھا گیٹ ہے۔ جب بھی دومعتامات کا ایک نام رکھا حب نے ، انہیں آپ مسیں برقی طور حبڑ اتھوں کریں۔ یول ، دونوں ضرب گیٹ کا ایک ایک مداحنل زیریں پلٹ کا رکے محنار جی سے جبڑ ہے۔

مداحنل کی مساوات ذیل ہیں۔

$$J_A=\overline{x}Q_B \ K_A=xQ_B \ J_B=x \ K_B=\overline{x\oplus Q_A}$$

ان مساوات سے جبدول ۵.۲ حساصل ہو گا، جس سے اضافی مواد نکال کر جبدول حسال مساصل ہو گا (شکل ۲۰۰۱)۔ حبدول حسال سے حساصل حت کہ حسال بھی شکل مسین پیشس ہے۔

 $Q_B$  اور مداحت X کی تمسام مسکنات  $Q_B$  مرجوده حسال  $Q_B$  اور مداحت  $Q_B$  اور مداحت  $Q_B$  مسکنات  $Q_B$  مین وجوده مداحت  $Q_B$  مین و تصدیر و بائین بائی بائی تعدید و تصدیر و تعدید و

$$J_A = \overline{x}Q_B = \overline{0} \cdot 0 = 1 \cdot 0 = 0$$

$$K_A = xQ_B = 0 \cdot 0 = 0$$

$$J_B = x = 0$$

$$K_B = \overline{x \oplus Q_A} = \overline{0 \oplus 0} = \overline{0} = 1$$

$$Q_A = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = 0 \cdot \overline{0} + \overline{0} \cdot 0 = 0 \cdot 1 + 1 \cdot 0 = 0 + 0 = 0$$

$$Q_B = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = 0 \cdot \overline{0} + \overline{1} \cdot 0 = 0$$

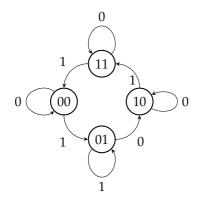
حساس کر کے جبدول کی پہلی صف مسیں درج کریں۔ باقی صف کے لئے مواد حساس کے کے جبدول بھسریں۔ T اور T کی مساوات استعمال کر کے بھی T تلاشش کر سکتے ہیں۔

$$Q_A(n+1) = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = (\overline{x}Q_B) \overline{Q}_A + (\overline{x}\overline{Q}_B) Q_A$$
$$Q_B(n+1) = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = x \overline{Q}_B + (\overline{x} \overline{\oplus Q_A}) Q_B$$

حنا کہ حسال (شکل ۴۰.۳) پر توجب دیں۔ حسال 00 سے 01 اور بہاں سے 10 اور اسس کے بعد 11 حبایاحب سکتا ہے، جس کے بعد دوبارہ 00 سے ہوگا۔ یہ، جس کے بعد دوبارہ 00 سے ہوری کہانی شخروع ہوگا۔ یہ، جس کے بعد دوبارہ 00 سے ہوری کہانی شخروع ہوگا۔ یہ،

حبدول ۲.۵: ج کے پلٹ کار دور کی مساوات ۲.۴اسے حساسل حبدول

موجوده مدا <sup>حت</sup> ل اور حسال		پلٹ کار کے مداحشل   مو			اگلے حسال			
$Q_A$	$Q_B$	x	$ J_A $	$K_A$	$J_B$	$K_B$	$Q_A$	$Q_B$
0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	1
0	1	0	1	0	0	1	1	0
0	1	1	0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	1	1	1	0	0



موجوده حسال	اگلا حسال				
	x = 0	x = 1			
$Q_AQ_B$	$Q_AQ_B$	$Q_AQ_B$			
00	00	01			
01	10	01			
10	10	11			
11	11	00			

شكل ٢٩.٣٠:حبدول حسال اور حساك محسال برائ مشكل ٢٩٠٦



مشكل ٢٠١٠: في يلاك كارير مسبني ترتسبي دور

حال 11 کے، ہر مسرت x تبدیل کرنے سے حال تبدیل ہوگا۔ یوں 00 مسیں جب تک x=0 رہے، دور ای حال مسیں رہت ہے، البت x بلند کرنے سے x=0 حال حاصل ہوگا، جہاں اس وقت تک رہاجائے گا جب تک x=0 دہو۔

۲.۱۳.۲ نی پلٹ کار کی مدد سے ترشیبی دور کاحب ائزہ

سٹکل ۳۱.۹ سیں ٹی پلنے کار پر مبنی ترشیبی دور پیش ہے۔ پلنے کار کے حسال A اور Bے ظاہر کیے گئے ہیں۔ یوں پہلے پلنے کار کامداحس  $T_A$  اور دوسرے کا  $T_B$  ہے۔

یلے کار کااگلاحسال مساوات ۲.۹ سے ملت ہے جے یہاں دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = T \oplus Q_n$$

موجو دہ ضرورے کے تحت مساوات سے درج ذیل لکھا حیا تاہے۔

$$A_{n+1}=T_A\oplus A=T_A\overline{A}+\overline{T}_AA$$
  $B_{n+1}=T_B\oplus B=T_B\overline{B}+\overline{T}_BB$ 

پلٹ کارے مداحنل کی مساوات شکل ۲. ۳۱ سے حساصل کرتے ہیں۔

$$T_A = A\overline{B}$$

$$T_B = \overline{A\overline{B} + x}$$

ان مساوات کومساوات ۲.۵مسیں ڈالنے سے پلٹ کارے حسال کی مساواتیں حساسل ہوں گی:

$$A_{n+1} = (A\overline{B}) \oplus A$$
$$B_{n+1} = (\overline{A\overline{B}} + x) \oplus B$$

#### حبدول ۲.۲: في پلئ كار دور (شكل ۳۱.۲) كاحبدول حسال

(1)

	()	
موجوده	_ال	اگلا حـ
	x = 0	x = 1
AB	AB	AB
00	01	00
01	00	01
10	00	00
11	10	11

اد	چوده مو	مو	ال	اگلا حہ	نل	مدا <sup>ح</sup>
A	В	x	A	В	$\mid T_A$	$T_B$
0	0	0	0 0	1 0	0 0	1 0
0 0	1 1	0	0 0	0	0 0	1 0
1 1	0	0	0 0	0	1 1	0
1 1	1 1	0 1	1 1	0 1	0 0	1 0

جن سے حبدول ۲.۲-الف ملت ہے۔ مداحن x اور موجودہ حسال A اور B کو پہلی تین قطاروں مسیں لکھا گیا ہے۔ ان کی تمام ترتیب ( 0000 تا 1112 ) پہلی تین قطاروں مسیں مجسر کر، ہر صف کے لئے مطابقتی موجودہ مداحن حساس کے حباتے ہیں، جنہیں دائیں قطاروں مسیں لکھا گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے اگلے کسنارہ حیث خسال کے حبال حساس ہوں گے۔ حبدول ۲.۲-الف سے حبدول - ب لکھا حبا سکتا ہے، جو حبدول حسال کہنا تا ہے۔ موجودہ مداحن سے حبدول - براہ تا ہے۔ کھا جب می ان کھا جب کھا جب جو حبدول حسال کہنا تا ہے۔ جو حبدول حسال کہنا تا ہے۔ حبدول ایک کہنا تا ہے۔ حبدول - براہ تا ہے۔ کھا جب سکتا ہے ، جو حبدول حسال کہنا تا ہے۔ حبدول ایک کہنا تا ہے۔ حبدول ایک کہنا تا ہے۔ حبدول حسال کی حساس کی کہنا تا ہے۔ حبدول حساس کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی حساس کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا تا ہے۔ کھی حساس کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا تا کہنا کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا تا کہنا کی کہنا تا کہنا کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا تا کہنا کی کہنا تا ہے۔ حبدول کی کہنا کی کہنا کی کہنا کی کہنا تا کہنا کی کہنا تا کہنا کی کہنا کی کہنا تا کہنا کی کہنا کی کہنا کو کہنا کی کہنا

# ۲.۱۴ میلی اور مُورنمون۔

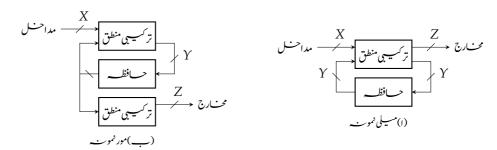
تر تسیبی دور مسین مداحنل، محنارج اور اندرونی حسال پائے حباتے ہیں۔ تر تسیبی ادوار کے دو نمونے پائے حباتے ہیں، جنہ میل نمویغه ۱۲ اور موُر نمویغه ۱۲ کہتے ہیں۔ مسیلی نمون۔ مسین محنارج کادارومدار موجو دہ مداحن اور موجو دہ اندونی حسال پر، جب کہ مُور نمون۔ مسین صرف موجو دہ حسال پر ہوگا۔ یہ دونمونے مشکل ۳۳، ۳۳مسین پیش ہیں۔

Mealy ''
Moore''

۱۸۲. میلی اور مُور نمون پر



شكل ٢٠٣٢: حن كه حسال برائ سشكل ٢١٠١ الاورجيد ول ٢٠٦



شکل ۲٫۳۳:مور اور میلی نمونے

ان اشکال مسین مداحنل تسیر دار لکسیر پر تر چھی لکسیر تھنچ کر X کھی گلی ہے، جو مداحنل شنائی ہند سول (بِٹ) کی تعد ادبیان کر تاہے۔ یوں X = S کی صورت مسین ایک ایک بٹ کے آٹھ مداحنل ہوں گے۔ حسانظ ہے مداحنل اور محنارج کی تعد ادبرابر ہوگی، لہذا اسس کے مداحنل (یا محنارج) پر Y کھنے کے بعد محنارج (یا مداحنل) پر مداحن موزت تر چھی ککسیر کھنچے ناکائی ہوگا۔

## ۱.۱۴.۱ حال اور ان کی مقسرری

ھے۔ ۱۳.۲ سمسیں منا کہ حسال پر غور کسیا گیا۔ ان مناکوں مسیں پلٹ کار کے ممنارج کی بجب نے دیگر ناموں سے حسال ظاہر کرکے جن کہ حسال سمجھنا آسیان بنیا احساسکتا ہے (درج ذیل مشال دیکھیں)۔

مثال ا. ۲: ایسے ایک مداحنل، ایک منارج معاصر ترتیبی دور کاحنا که حال سیار کریں، جو 1102 مداحنل کے حصول پر 1 حنارج کر تاہو۔ بلندر تی بٹ پہااہٹ تصور کریں۔ ایسے دور کو **ترتیب شنامی ۲** کتبے ہیں۔

حسل: مشکل ۲. ۳۴ مسیں حت کہ حسال پیش ہے، جے دیکھ کر دور کی کار کر دگی مسجھنا آسان ہے۔ دائرے مسیں حسال کا نام، اور نام کے نیچے 0 یا 1 موجودہ محتاری ظاہر کر تاہے۔

sequence detector"



شكل ٢٠٣٠: حسال كوالفاظ سے يكار كر حساكه بهستر مسجم آتاہے (مشال ١٠١)

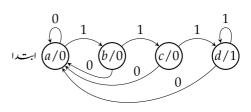
# 1.1۵ معیاصر ترتیبی ادوار کی بین اوٹ

گزشتہ جھے مسیں مخلف اقسام کے پلٹ کار استعمال کر کے معاصر ترشیبی ادوار تشکیل دیے گئے۔ان ادوار کے حصول کا باض بطے طسریق کار درج ذیل ہے۔

- ا. مسئله کے بیان سے حناکہ حال تیار کریں۔
  - ۲. درکار حال کی تعبداد کم کریں۔
- ٣. ہر حال (کوظ ہر کرنے) کی منف ردشت کی قیمت منتخب کریں۔
  - ۴. حدول حال حاصل كرييه
  - ۵. پلٹ کار (کی قتم)کا انتخاب کریں۔
- ۲. پلٹ کار کی داخشلی اور حشارجی سادہ ترین مساوات حساصل کریں۔
  - ان مساوات سے معاصر تشہی دور تشکیل دیں۔
- مثال ۲۰۲: ایسامعیاصرترتیب شناس تفکیل دیں جو تین متواتر 1 مدامنسل کے حصول پر 1 منارج کرے۔

حل: ترتیب شناس کی کار کردگی کے ہیان سے شکل ۳۵.۸ کاخن کہ حال کینی حباتا ہے۔ گول دائروں میں ترقیعی کلیسرے اوپر حال کانام اور نینج محنارج کی قیمت لکھی گئی ہے۔ شناس کا ابتدائی حال a اور محنارج پیت، تیمسرے پہلے a کی وصول کے بعد حیال a اور محنارج پیت ہوگا۔ دوسسرے a کے بعد حیال a اور محنارج پیت، تیمسرے a کے بعد حیال a اور محنارج باشد ہوگا۔ مہنا س حیال a مستاس حیال a محنارج باشد کر گھتا ہے۔ کی بھی موقع پر a کا حصول، شناس کو واپس ابتدائی حیال a منتقل کرتا ہے۔ حناکہ حیال سے حیاصل حیدول، شناس کو واپس ابتدائی حیال a متقتل کرتا ہے۔ حناکہ حیال سے حیاصل حیدول، مختاب اور موجودہ حیال، جب، جس میں بائیں ہاتھ موجودہ مداخنل اور موجودہ حیال، جب، دائیں ہاتھ اگلا حیال اور موجودہ میان درج بیں۔

20	موجوا	اگلا	موجوده
حال	مداحنل	حال	محنارج
а	0	а	0
а	1	b	0
b	0	а	0
b	1	С	0
С	0	а	0
С	1	d	0
d	0	а	1
d	1	d	1



شكل ٢٠٦٤: ترتيب شناس كاحناكه حسال (مثال ٢٠٦)

حناكه حسال سے واضح ہے كه حسال كى تعبداد حسار ہے، جنہيں دوہِٹ كاشنا كى عبد د ظاہر كر سكتا ہے۔

$$a=00$$
  $b=01$   $c=10$   $d=11$ 

(آپ کوئی دوسسری انتخاب کر سکتے ہیں۔ مثل ۷۰۱ دیکھسیں۔) دوہٹ کے لئے دو پلٹ کار در کار ہوں گے۔ ہم ڈی پلٹ کار منتخب کر کے ان کے محتارج A اور B ،اور مداحت ل D<sub>B</sub> اور D<sub>B</sub> اور کا اور کار ہوں کے عرب کار کار ہوں کے معارج کا اور کار مداحت کار کار ہوں کے اور کار ہوں کار 
شن کی عسلامت استعال کرتے ہوئے مشکل ۳۵٫۱ مسیں پیش حبدول دوبارہ حبدول ۲٫۱ مسیں پیش کسیا گیا ہے، جس سے ڈی پلٹ کار کی درج ذیل مساوات اخسذ ہوتی ہیں۔

$$A(n+1) = D_A(A, B, x) = \sum (3,5,7)$$
  

$$B(n+1) = D_B(A, B, x) = \sum (1,5,7)$$
  

$$y(A, B, x) = \sum (6,7)$$

بدول ۲.۷ سے مشکل ۳۲.۲ کے کارناف نقتے بن کر درج ذیل سادہ مساوات ساسل ہوتی ہیں، جن سے مشکل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۱۳۷.۳ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۷.۳ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے مسلم ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ س

$$D_A = Ax + Bx$$

$$D_B = Ax + \overline{B}x$$

$$y = AB$$

ترتیب شناسس ابت دائی ہیت حسال مسیں جیٹھ اشارہ کی مدد سے لایاحیا تاہے، جو شکل مسیں نہیں د کھایا گیا۔

حبدول ۲.۷: ترتیب مشناسس کاحبدول حسال

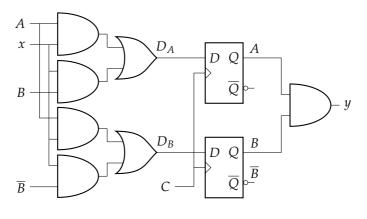
موجوده		اگلا		موجوده	
$\boldsymbol{A}$	В	x	Α	В	y
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1

AB $x$	0	1	
00	0	0	
01	0	0	
11	1	1	
10	0	0	
y = AB			

x		
AB	0	1
00	0	1
01	0	0
11	0	1
10	0	1
I	$O_B = x$	$A + x\overline{B}$

AB $x$	0	1	
00	0	0	
01	0	1 1	
11	0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
10	0	1	
$D_A = xA + xB$			

شكل ٢٠٦٠: كارناف نقش برائے مشال ٢٠٠



شكل ١٠٣٤: ترتيب شناكس (مشال ٢٠٠١)

مثق 2.7: مساوات 17.7 امسیں حیال کے اظہار کا ایک انتخاب دکھیایا گیا ہے۔ آپ کوئی دوسر انتخاب کرکتے ہیں، مشلاً c=10: b=10: b=10: a=01 جس سے دوسر ادور حیاصل ہوگا۔ یہ دوسر صل کریں۔

# إبك

# وفتسر

ایک پلٹ کارایک شنائی ہندے (بِٹ) کی معلومات ذخیبرہ کرسکتاہے۔ آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ پلٹ کار درکار ہوں گے۔ وفتراسے مسراد وہ دور ہے جو معلومات ذخیبرہ، اور ایک جگہ ہے دوسسری جگ۔ متال کر کرنے کی صلاحیت رکھت ہو یوں، 11 بِٹ دفتیبرہ اور منتقبل کر کے مصلومات کے انتقبال کا انداز (سلماد واریامتوازی) دور کے ترکمیبی حصہ پر مخصصرہ ہوگا۔

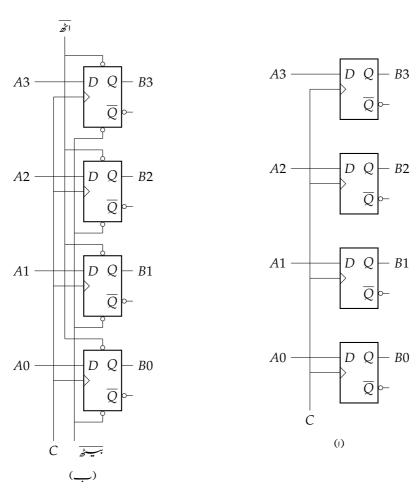
ے دہ ترین حیار ہِٹ وفت رشکل ۱.2 اسمیں پیش ہے۔ شکل الف مسیں مداحنل A جبکہ محنارج B ہیں۔ مداحنل کے حیار ہٹ  $B_2$  ،  $B_1$  ،  $B_2$  ،  $B_3$  ،  $B_4$  ،  $B_5$  ، جبکہ محنارج کے حیار ہٹ کے دیار ہٹ کا باور  $B_3$  ،  $B_4$  ،  $B_5$  
ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر داخنلی حباریٹ پلٹ کار کو منتقبل ہو حباتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں دفت سرمسین مواد کااندراخ ہو گیا، یامواد دفت سرمسین درج ہو گیا، یامواد دفت سرمسین کلھ لیا گیا۔ ساعت کے انگلے کسنارہ حب ٹرھسائی تک سے حیار بٹ معسلومات دفت سرمسین محفوظ، اور محسارج پر دستہاہ ہوگا۔

سشکل ۱.۱-ب مسیں بلند اور پست صلاحیت کا پلٹ کار استفال کیا گیا۔ یوں، ساعت کے کسارہ حسین بلند اور پست کے کسارہ حسین بلند یا پست کیے جب سکتے ہیں۔ زبرد سستی پست کرنے کے دفت رصاف کا انظار کے بیٹرد مستی پست کرنے سے دفت رصاف ہوکر 20000ء جبکہ زبرد ستی بلند کرنے سے 11112 حسارج کرتا ہے۔

اس دور مسیں پلیٹ کار کی تعبداد n کرکے n بٹ دفت ر تشکیل دیاجب سکتا ہے۔ ہر بٹ کا متم بھی دفت رکے محنارج ہے دستیاب ہوگا۔ وستیاب ہوگا۔

register<sup>1</sup>

الب\_2. وفسير



شکل ۱.۷:حپارېڻ د فت ر

ا بے بسلمہ وار دفت پر



#### مشكل ٢.٤: دائين انتقت ال وفت ر

## ا. 2 سلسله وار د فت ر

#### ا.ا.۷ دائيں انتقال دفت ر

شکل ۲.2 مسین (سلیدوار) دانیر انتقال دفتر بیش ہے، جہاں (متواتر) ایک پلٹ کار کا محنارج، دو سرے کامداحنل ہے، اور شنائی مواد، مد ، بائیں (حبانب) سے مہیا کیا گیا ہے۔ شکل مسین زبرد ستی پست پن نہیں دکھایا گیا تا کہ اصل مضمون پر توجب رہے، تاہم تصور کریں ساعت کے پہلے کسنارہ حب ڈھائی ہے قبل، تمام پلٹ کار زبرد ستی پہلے کسنارہ حب ڈھائی ہے۔ کے گئے۔

 $u_1$ ،  $u_2$   $u_3$   $u_4$   $u_5$   $u_6$   $u_6$   $u_6$   $u_6$   $u_7$   $u_8$   $u_9$   $u_$ 

 $Q_3=1$  و  $U_2$  ،  $Q_2=0$  و  $U_1$  ،  $U_1=0$  و  $U_0$  ،  $U_0$  و  $U_0$ 

دور کو سلسلہ وار فضراہم بائیں سے مواد، سلسلہ وار دائیں پلٹ کے محضارج Q<sub>0</sub> سے ای ترتیب مسیں حساس کیا جب سکتا ہے۔

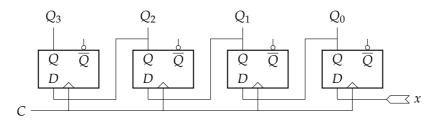
#### ۲.۱.۲ بائیںانتقتال دفت ر

شکل ۳.2 سیں (سلسلہ وار) **بائیرے انتقالے وفتر** 'وکھسایا گسیاہے، جو مواد کی بائیں نقشل مکانی کر تاہے۔ اسس کی بین اوٹ بالکل دائیں انتعت ال دفتسر کی طسرح ہے۔ صنعرق صرف است ہے، بائیں انتعت ال دفتسر مسیں دایاں پلیٹ کار کامحن ارج پڑوی بایاں پلٹ کار کامد احسٰل ہے۔

ے کے کنارہ حب ٹرھائی پر دایاں پلٹ کار ف راہم کردہ مواد  $\chi$  کی نقشل ماسک کر کے  $Q_0$  پر حنارج کر تا ہے۔

shift right register shift left register

۱۲۲ باب\_ ۲. دفت ر



مشكل ۲۰۰۳: بائين انتقت ال دفت ر

ا گلے کن ارہ پر ب مواد Q<sub>1</sub> کو منتقبل ہوگا۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ یہاں مواد دائیں سے فنسراہم کیا گیا ہے، جو دور مسیں سے گزرتے ہوئے مائیں منتقبل ہوگا۔

## ۷.۱.۳ دائين وبائين انتقتال دفت ر

بائیں ترین پلٹ کار کو ہیں۔ وفی مواد 14 جب کہ دائیں ترین کو ٪ منسراہم کیا گیا ہے۔ مت ابواٹ ارہ ان مسیں سے ایک منتخب کرتا ہے جومط اوب سمت (دائیں پابکس) منتقب ہوگا۔

،  $Q_1$  بائیں نفت ل مکانی کے دوران x پر میں مواد ساعت کے کنارہ حبٹر ھائی پر  $Q_0$  پنجت ہے۔ اگلے کنارہ پر یہی مواد  $Q_1$  اس سے اگلے پر  $Q_2$  اور آحن رمیں  $Q_3$  پنجت ہے۔ دائیں نفت ل مکانی کی صورت مسیں  $Q_1$  پر موجود مواد السل رخ  $Q_2$  سے  $Q_3$  نفت ل مکانی کرتا ہے۔  $Q_3$  نفت ل مکانی کرتا ہے۔

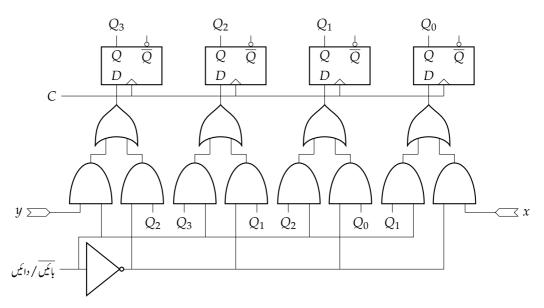
# 2.۲ متوازی تھے رائی د**فت** ر

بعض اوت ، و نترمسیں بیک وقت مواد حب را حسانے کی ضرورت پیش آتی ہے۔ شکل ۵.۷مسیں دائیرے انتقالی، متوازی محرائی وفتر مبیش ہے، جس مسیں متوازی مواد بیک وقت حب را مسکن ہے۔ یہ مخصر اُمتوازی وائیرے انتقالے وفتر کہا تاہے۔

پلٹ کار کو جمع گیٹ معلومات سنراہم کرتا ہے جس کو دو ضرب گیٹ مواد سنراہم کرتے ہیں۔ تابو اشارہ

parallel load, right shift register

\_



مشكل ٢٠.٤: بائين ودائين انتصال دفت ر

متوازی ہجسرائی عسام طور غیسر فعسال (بلند) رکھا حباتا ہے۔ یوں دایاں ضرب گیٹ معسذور جبکہ بایاں گیٹ محباز ہوکر، بائیں پلٹ کار کامخساری، جمع گیٹ کے راستے پلٹ کار کو منسراہم کر تاہے، جو ساعت کے ایکے کسنارہ حپڑھسائی پر پلٹ کار مسین درج ہوگا۔

مواد 20 تا 23 پلٹ کار مسیں حب ٹرھانے کے لئے متوازی بھسرائی پیت کمیاحباتا ہے۔ یوں پلٹ کار کو مواد منسراہم کرنے والا بایاں ضرب گیٹ معد دور جب کہ دایاں محباز ہوگا۔ محباز گیٹ متوازی مواد کو جمع گیٹ کے راستہ پلٹ کار تک پہنچیا تا ہے۔

یوں پلٹ کارمسیں مواد سلمہ وار (y) یا متوازی  $(z_3)$  تا  $z_3$  ) جھسراحب سکتا ہے۔

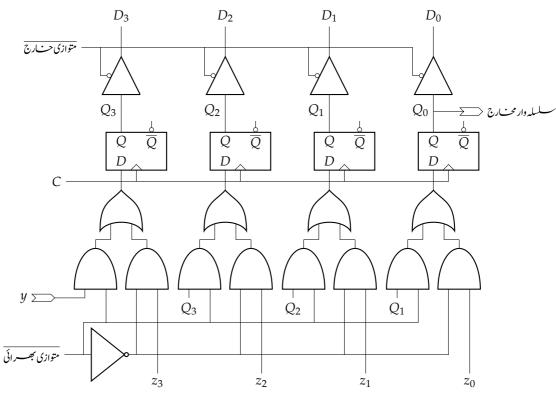
سشکل مسیں پلٹ کار کا محنارج، محباز و معندور مسلامیت مستحکم کارسے منسلک کیا گیا ہے۔ وت ابو احشارہ متوازی حنارج پست کر کے پلٹ کار کا مواد  $Q_0$  تا  $Q_0$  تا  $Q_0$  حاصل کیا جب سکتا ہے۔ وت ابو احشارہ معندور (بلند) ہونے کی صورت مسین مستحکم کار کامخنارج بلندر کاوٹ حسال مسین ہوگا۔

# ۳.۷ عبالمسگیرانت<mark>تال دفت</mark>ر

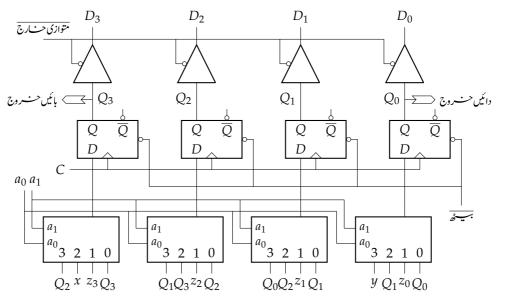
ہم مختف صلاحیت کے دفتاتر پر غور کر چکے، جن کی خوبیاں ایک دور مسیں سموئی حبا<sup>سک</sup>ق ہیں۔ایسا ایک **عالمگیر** انتقال **دفتر** <sup>۵</sup>مشکل ۱۷مسیں پیش ہے۔

universal shift register<sup>a</sup>

اب کروفتر



مشكل 2.۵:متوازي دائين انتصال دفت ر



مشكل ٢٠.٧: حياربك، عسالمسكير دائين انتقتال دفت ر

شکل ۲.۷ مسیں حیاریک ان مصے ہیں، جن کی کار کر دگی ایک حب سے ہدوایاں حسب پر غور کرتے ہیں۔

پلٹ کارک ساتھ چار سے ایک منتخب کنندہ جوڑا گیا ہے۔ پت کے دوبِت  $a_1$  اور  $a_1$  مداحن سیں سے ایک چن کر حنار جی پئی پنجپ تے ہیں۔ مداحن کا انتخب درج ذیل حب ول کے تحت ہوگا۔

$a_1$	$a_0$	$D_0$	
0	0	$Q_0$	حسال بر فتسرار
0	1	$z_0$	متوازی دا <sup>حن</sup> ل
1	0	$Q_1$	دائيں انتقت ال
1	1	y y	بائيںانتقتال

پتہ ہوں مواد Q<sub>0</sub> منتخب کرکے پلٹ کارکے مداحن پر مہیا کر تاہے جوا گلے کن رہ ساعت پر پلٹ کارکے حنار جی پن پر حنارج ہوگا۔ یوں دفت رایت حسال برقت رار رکھے گلا اور مواد دائیں یابائیں منتقب نہیں ہوگا)۔

serial in output

serial out

۱۷۰ پاپ، د فت ر

پتہ 01<sub>2</sub> مواد 2<sub>0</sub> پلٹ کار کومہیا کرے گاجو ساعت کے الگلے کسنارہ پلٹ کار کے محسارج پر نمودار ہوگا۔ چونکہ 2<sub>0</sub> متوازی مہیا کر دہ مواد ہے الب زامتوازی مواد دفت رمسیں حیث ہے گا۔

پت ہوں کار کو  $Q_1$  مہیا کرے گا۔ یوں موجودہ  $Q_1$  ساعت کے اگلے کنارے پر بطور  $Q_0$  نمودار ہوگا۔ یعنی دفت مواددائیں متقتل کرے گا۔

پت۔ 11<sub>2</sub> سلمہ وار مہیا کر دہ مواد y منتخب کرے گاجو ساعت کے اگلے کنارہ پر بطور  $Q_0$  نمودار ہو گا۔ یوں دفت سرمواد بائیں منقتل کرے گا۔

مذ کورہ بالا تحب زیب باقی تین حصوں پر لا گو کر کے عسالم گیبر د فت رکی کار کر دگی حب دول مسیں پیش کرتے ہیں۔

$a_1$	$a_0$	$D_3$	$D_2$	$D_1$	$D_0$	
0	0	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	حسال بر فت رار متوازی دا حسل دا مکی انتقت ال با مکی انتقت ال
0	1	$z_3$	$z_2$	$z_1$	$z_0$	متوازی دا <sup>حن</sup> ل
1	0	x	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	دائيں انتقت ال
1	1	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	y	بائيں انتقت ال

مثق ا.2: انٹرنیٹ ہے عبالسگیر دفت ر 74194 کے معباد ماتی صفحات حساصل کریں۔(۱) یہ کتنے بٹ کا عبالہ گئر دفت رہے۔(ب)اسس کواستعال کرتے ہوئے سولہ بنے عبالم گئیر دفت رہے۔(ب)اسس کواستعال کرتے ہوئے سولہ بنے عبالم

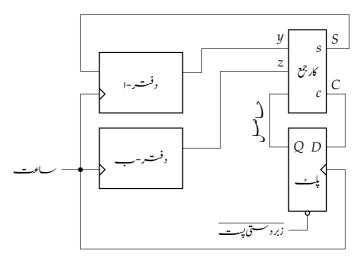
## 

صفے۔ ۱۳۷۷ پر مشکل ۲۴.۱ مسیں سلمہ وارشنائی جمع کار پیش ہے جس کو استعال کرکے مشکل ۷.۷ مسیں پیش متعدد بٹ سلمہ وارشنائی جمع کار حساس کیا گیا۔ یہاں ۱۱ بٹ متوازی دائیں انتصال دفت سر (ااور ب) مستعمل ہیں۔

ساعت کے پہلے کنارے سے قبل ایعنی مجسوعہ لینے سے قبل)، وفت رامسیں شنائی عدد ہا ، وفت رسب مسین شنائی عدد ہا ، وفت رسب مسین شنائی عدد کر متوازی منتقت کیے حب تے ہیں اور زبردستی پست امشارہ کھیائی ہیں۔ کرکے ڈی پلٹ کارپست کیا جہائی گئی تاکہ اصل کے حب تا ہے (تاکہ مکسل جع کار کاواحنلی حساسل 0 ہو)۔ مشکل مسین متوازی حب رہے۔ موضوع پر توجہ رہے۔

کسل بیخ کار ان دوشنائی اعبداد کے کم تر تی بیٹ اور داحنلی حساس ل جیخ کر کے بیٹے  $s_0$  اور حسار بی حساسل  $c_1$  حسارت کرتا ہے۔ ساعت کے پہلے کسنارے پر  $c_1$  کو ڈی پلٹ کار محفوظ کر کے ایگلے شنائی بٹ کی بیٹے کے دوران مکسل بیخ کار کو بطور داخنلی حساسل و نسراہم کرتا ہے جب د فتسر – ااور د فسسر – ب ایگلے شنائی بٹ و نسراہم کرتے ہیں۔ بیخ  $s_0$  مشکل مسیں د فسسر – اور مہیا کہا گیا ہے۔ یوں جیسے جینے د فسسر شنائی عسد و کا دائیں حبانب حسارت کرتا ہے والے اسس کی جگہ دو اعمد او کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد دو کرتا ہے والے اسس کی جگہ دو اعمد اد کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد دو

۲۷. ك. سلسله وارشنائي جمع كار



مشكل 2.2: متعب دبيك سلسله وارشنائي جمع كار

شنائی اعبداد کا مجسوعہ دفتر-امسیں محفوظ ہو گاجہاں سے اسے متوازی پڑھا حبا سکتا ہے جب کہ محبسوعے کا آحسری حساسل مکسل بھن کارکے محنارج c سے پڑھا حباسکتا ہے۔

## اب ۸

## 

شنائی گنت کار آپ دیچ چے ہیں۔ گنت کار کابنیادی مقصد داحنلی برقی اشارے ای گسنتی کرناہے۔ برقی امشارہ اے بطور ساعت یا اور مداحنل کے طور پرمہیا کیا حب تاہے۔

وہ دفتر جس کے حضارتی برقی احضارات شنائی گسنتی کے تحت ترتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں شنائی گئے۔ کار کہا تا ہے۔ وہ دفت رجس کے حضارتی احضاری گسنتی کے تحت ترتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں اعثاری گئے۔ کار کہا تا ہے۔

ان کے عسلاوہ، کوئی بھی دور جو کسی متعسین ترتیب کے تحت متواتر حسال تب یل کرتا ہو گئت کار کہا اے گا۔

گنے کار ادوار پر اسس باب مسیں غور کیا حبائے گا۔

## ۸.۱ شنائی گنت کار

حپاربِٹ شنائی سید ھی گسنتی و 00000 تا 11112 مسکن ہے۔ ای طسرح الی گسنتی و 1111 ہے شہوع ہو کر 00000 پر جستم ہو گی۔ دونوں صور توں مسیں گسنتی پوری ہونے کے بعد عصوماً دوبارہ نئے سرے سے مشہوع کی حباتی ہے۔ مشکل ۱۸۔ الف مسیں چار پھے ثنائج سیدھا گنتے۔ کار ''اور مشکل - ب مسیں چار پھے ثنائج اللے گنتے کار ''بیش ہیں۔ ان کی بناوٹ ملتی حباتی ہے۔

ثنائی گنھ کار میں بہتے بھی دکھ ہے ہیں۔ سیدھ گنھ کار میں زبرد ستی بلند (و) این غیر نعال رکھا ہے۔ گنہ کار میں زبرد ستی بیت کولم اللہ بیت (و) کرے گنتی (کی ابتدائی تیت)

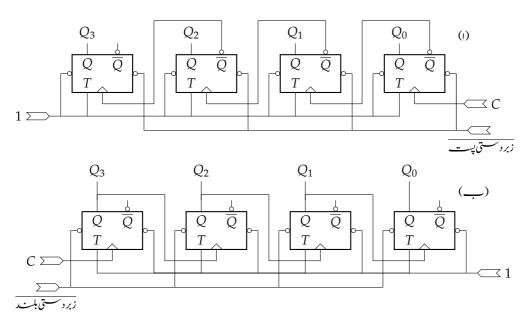
electrical signal

four bit binary up counter

four bit binary down counter

binary counter

۱۷۳ باب۸. گنت کار



شکل ۸.۱: سیدهااور الٹ گنت کار

0000<sub>2</sub> کی حباتی ہے۔ گئنتی کے دوران کی بھی وقت زبردستی پیت احشارہ پیت کر کے گئنتی دوبارہ صف رسے حشر وی کی حباسکتی ہے۔

النے گنتے کار میں زبردستی پست کو عنیہ رفعال رکھا جباتا ہے جبکہ زبردستی بلند امشارے کو گنتی میں وقت مشروع کرنے سے قبل لمحاتی فعال کر کے گنتی 1111 سے مشروع کی حباتی ہے۔ گئتی کے دوران کی بھی وقت اسس امشارے کویت کر کے گئتی دوبارہ 11112 سے مشروع کی حباستی ہے۔

سیدھے گنت کار کو مثال بنتے ہوئے ایک اہم صورت حسال پر غور کرتے ہیں۔ شکل مسیں بایاں ترین پلٹ، ساعت کے (ہر) کندارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتا ہے۔ ساعت کے کندارہ حپڑھائی کے کچھ دیر بعد  $\overline{Q}_3$  حسال تبدیل کرے گا۔ اس دورانی کو پلٹ کا دورانیہ روعکی آئے ہیں۔ یوں اگلے پلٹ کو، جے  $\overline{Q}_3$  بطور ساعت فضر اہم کیا گیا ہے ، حسال تبدیل کرنے کا خب و اصل ساعت (کے کندارہ حپڑھائی) ہے کچھ دیر بعد پنچتا ہے۔ اسس پلٹ کو بھی میناری ( $\overline{Q}_2$ ) تبدیل کرنے کا خب راصل ساعت دورانی رد عمسل بھنا وقت در کار ہوگا۔ ای طسر آسس ساما گلے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں اس ساعت الگے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں کا درانے در دعمسل کے دی دورانی در در عمسل ساعت در کار مینارہ در عمسل ساعت کے درار تاخیس سامال کا دی کے درانے در درانے در دعمسل کے درگے وقت کے برابر تاخیس ساملے گا۔

آپ و کیھ سے ہیں اسس دور مسین تمسام پلٹوں کے محسارج بیک وقت سبدیل نہیں ہوں گے بلکہ محسارج کی سبدیلی بائیں پلٹ سے سضہ وع ہوتی ہے اور بدستور دائیں حبانب بڑھتی ہے۔ محسارج کی سبدیلی اسس دور مسین لہسر کی طسرح گزرتی

propagation time<sup>a</sup>

۸.۲ معاصر گنت کار ۸.۲



مشكل ٨.٢: معاصر شنائي گنت كار

ہے۔ یوں اسس طسر آ دوار کو اہریا گنے کار ایک بیں۔ یوں موجودہ دور اہریا ثنائی گنے کار کہ ساتا ہے۔

عسین ممسکن ہے کہ آحنسری پلٹ تک سعت کی خب رہنچنے سے قب ل سعت کانسیاات ارہ پہلی پلٹ کو ملے۔ یوں آحنسری پلٹ گزشتہ ساعت گننے کے مطابق جب پہلی پلٹ نئی سعت گننے کے مطابق ہو گااور گسنتی عناط ہو گل۔ متعدد پلٹ پر مبنی الہدیا گنت کار مسین السس مسئلہ کی توقعر کھیں۔

معاصر گنت کاراسس مسئلہ ہے یا کہ بیں۔ آئیں ان پر غور کرتے ہیں۔

## ۸.۲ معاصر گنت کار

معاصر گنتے کار مسین تمام پلٹ کوایک ہی ساعت مہیا کی حباتی ہے البندا تمام پلٹ ہیکوقت نیاحال اختیار کرتے ہیں۔ ان ادوار مسین ہم پلٹ کے مداحسل پر ترکسی دور نفس کرے، اے اگلی ساعت کے کنارے پر، بلند پایست ہونے کا انشارہ مہیا کہا حباتا ہے۔ پلٹ اگلی ساعت کے کنارے پر اسس انشارے کے مطابق حسال اختیار کرتا ہے۔ یہ فیصلہ کہ اگلی ساعت پر پلٹ بلندیا ہیت حسال اختیار کرے گا، دور کے موجودہ حسال کو دکھ کر کمیاحب تا ہے۔ اسس طریقہ کارکوچند مشالوں سے مسجھتے ہیں۔

#### ۸.۲.۱ معاصر شنائی گنت کار

تا ہے معاصر ثنائی گنتے کار مشکل ۲.۸ مسیں پیش ہے۔ منارج Q<sub>0</sub> کمت ررتی ہدجبکہ Q<sub>2</sub> بلند زرتی ہِد کے۔ اس دور کی بناوٹ سیکھتے ہیں۔

حبدول ۱.۸ مسیں موجودہ عال کی قطار مسیں تین بِٹ شن کی گئے ہو کی بھی لیحے پلئے کاموجودہ حال پیش کرتی

ripple counter

binary ripple counter<sup>2</sup>

three bit synchronous counter<sup>A</sup>

حبدول آرم: معساصر شناقی کنیت کاریے حسال	ما المرشف الى گنت كاركے حسال	حبدول ۸.۱ معب
---	------------------------------	---------------

<u>ا</u>	بوده حسا	موج	اگلا حسال			مداحنل			
$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	T <sub>2</sub>	$T_1$	$T_0$	
0	0	0	0	0	1	0	0	1	
0	0	1	0	1	0	0	1	1	
0	1	0	0	1	1	0	0	1	
0	1	1	1	0	0	1	1	1	
1	0	0	1	0	1	0	0	1	
1	0	1	1	1	0	0	1	1	
1	1	0	1	1	1	0	0	1	
1	1	1	0	0	0	1	1	1	

#### حبدول ۸.۲: ئی پلٹ کی کار کر دگی

$$\begin{array}{ccc}
T & Q_{n+1} \\
\hline
0 & Q_n \\
1 & \overline{Q}_n
\end{array}$$

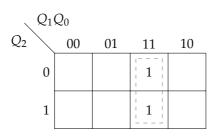
ہے۔ موجودہ حسال استعال کرتے ہوئے باقی جدول حساس ہوگا۔ حبدول کی پہلی صف پر غور کریں جہاں موجودہ گسنتی یا موجودہ حسال 2000 ہے۔ ہم حیاج ہیں کہ اگلاعہد و 001 ہو، البندا الکھ عالی کی پہلی صف مسین ہم 2010 کھتے ہیں۔ آحنسری صف مسین موجودہ حسال 111 ہے۔ تین بیٹ استعال کرتے ہوئے یہیں تک گسنتی مسکن ہے۔ اسس آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ ہیں گسنتی تک پہنچ کر ہم دوبارہ 2000 ہے گسنتی شہروغ کرتے ہی، البندا آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ این طسرت موجودہ حسال کی بہلی صف ہوگا۔ ای طسرت موجودہ حسال کی تیسسری صف ہوگا۔ اس کی دوسسری صف ہوگا۔ اسلام تاکہ حسال کی بہلی صف اگلے حسال کی توسسری صف ہوگا۔

پہلی صف کے کمت رہ تی بِٹ  $Q_0$  پر غور کرتے ہیں۔ اسس بٹ کی موجو دہ قیت کو موجو دہ حسال  $Q_0$  ظاہر کرتا ہے جو 0 ہے جب اسس کی اگل قیت اگلاحیال  $Q_0$  ظاہر کرتا ہے جو 1 ہے۔ ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ساعت کے کشارہ حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات کی بلٹ کا حیال 0 ہے 1 کرنے کی حیاط رہا ہوگا۔ یہ معلومات حید دل معین میں مواظ کی کا حیات ہوگا۔ یہ میں میں مواض کی تی بلٹ کے میں میں میں میں میں مواض کا حیات ہوگا۔ یہ میں میں میں میں جدول معین میں میں میں ہوگھے ہیں۔ کستے ہیں۔

0 ای (پہلی) صف میں انگلے بن  $Q_1$  پر غور کرتے ہیں۔ اس بِٹ کی موجو دہ قیمت 0 ہے اور اس کی اگلی قیمت بھی 0 ہے، الہذا اساعت کے انگلے کنارے پر ہم نہیں حہا ہے کہ ب پلٹ اپنا حسال تبدیل کرے یوں اس پلٹ کے مداحنل  $T_1$  کوپیت رکھنا ہوگا۔ اس طسر ت $T_1$  کے حن نے مسیں 0 کھی جبائے گا۔ ای طسر زیر تمام صفوں کے تمام مداحنل کے لئے حدول کے حن نے بڑکے گئے ہیں۔

دور بنانے کے لئے حبدول ۱.۸ مسیں مدافل کی قطار استعال ہو گی جس سے مجسوعہ ارکان ضرب کی ترکیب سے درج

۸.۲ معاصر گنت کار



$$T_2 = Q_1 Q_0$$

$Q_1$	$Q_0$			
$Q_2$	00	01	11	10
0		1	1	
1		1	1	

$$T_1 = Q_0$$



$$T_0 = 1$$

شکل ۸٫۳: تین بٹ معاصر گنت کار کی سادہ مساواتیں

زیل مساوا<u>ت لکھے</u> حبا<u>سکتے ہیں۔</u>

$$T_0=1$$
 
$$T_1=\overline{Q}_2\overline{Q}_1Q_0+\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2\overline{Q}_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$
 
$$T_2=\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

ہے۔ مباوات موجودہ حسال کی قیمتیں مدِ نظر رکھ کر لکھی گئی ہیں۔ حبدول ۱.۸مسیں موجود مواد سے مشکل ۳.۸مسیں پیش

۱۷۸ باب۸ گنت کار

کارناف فقثوں کی مدد سے درج ذیل سادہ مساواتیں حساصل کی گئی ہیں۔

$$T_0 = 1$$
 
$$T_1 = Q_0$$
 
$$T_2 = Q_1 Q_0$$

شکل۲.۸مسیں تین پلیوں کومساوا۔۔۲.۸ ہے حساسسل برقی امشارا۔۔ بطور مداحسن میسراہم کرے ت**کین پیٹے معاصر تناکی گزشتے کار <sup>9</sup>سامسل کسا گیا۔۔** 

$$egin{aligned} T_0 &= 1 \ T_1 &= Q_0 \ T_2 &= Q_1 Q_0 \ T_3 &= Q_2 Q_1 Q_0 \end{aligned}$$

#### ۸.۲.۲ شنائی مسر موزاعث اری معیاصر گنت کار

گزشتہ ہے مسیں تین بِٹ شن نی گنت کار پر فور کے گیا، جو 2000 تا 1118 گسنتی کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حیار بِٹ شن نی گنت کار کو 20000 تا 11012 شن نی گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن نی گنت کار کو 20000 تا 11012 گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن نی گنت کار کو 20000 تا 10012 گسنتی کار کے کار احساس ہوگا، جس پر اسس ہے۔ مسیں غور کی حیار کا گاف ان حیار کی گئت کار کے حیال پیش ہیں۔ جدول مسیں مخارج پر کی قطار کا اضاف سے کیا گیا ہے۔ مین رخ کو تک گرفت کی گئت کار کے حیال پیش ہیں۔ جدول مسیں مخارج پر کی قطار کا اضاف سے کیا گئی ہے۔ مین رخ کو تک گرفت کی گور کی ہوئے بسند ہوتا کے گئی بلند ہوتا ہے۔ مین رخ کی کھی سے کہ بلا استعال کرتے ہوئے متعدداعث ری بند سول کا گنت کار تحنیق ہے جب تے ہیں۔

three bit synchronous binary counter9

four bit synchronous binary counter1+

BCD decimal counter"

time period"

_	$Q_1$	$Q_0$			
$Q_3Q_2$		00	01	11	10
	00			1	
	01			1	
	11			d	d
	10	d	d	d	d

\	$Q_1$	$Q_0$			
$Q_3Q_2$		00	01	11	10
	00				
	01			1	
	11		1	d	d
	10	d	d	d	d

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

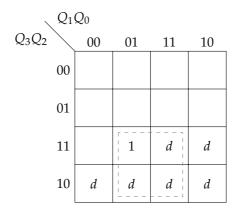
$$T_3 = Q_3 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0$$

_	$Q_1$	$Q_0$			
$Q_3Q_2$		00	01	11	10
	00	1	1	1	1
	01	1	1	1	1
	11	1	1	d	d
	10	d	d	d	d

\	$Q_1$	$Q_0$			
$Q_3Q_2$		00	01	11	10
	00		1	1	
	01		1	1	
	11			d	d
	10	d	d	d	d

$$T_0 = 1$$

$$T_1 = \overline{Q}_3 Q_0$$



$$y=Q_3Q_0$$

	حسال	موجوده			سال	اگلا حـ		محنارج		ن	مدا <sup>ح</sup>	
$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	Q <sub>3</sub>	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	y	T <sub>3</sub>	$T_2$	$T_1$	$T_0$
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1
0	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	0	1

#### حبدول ۸٫۳:شنائی مسرموز اعشاری گنیسکار کے حسال

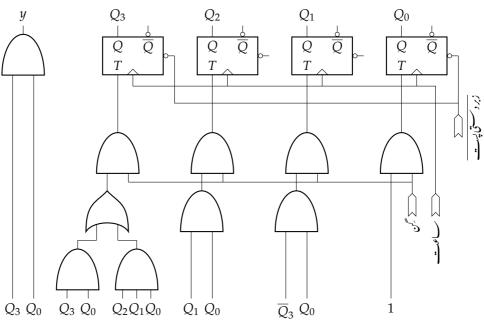
اسس جبدول مسیں  $1010_2$  تا  $1111_2$  ترتیب استعال نہیں ہوتے، لہذا کارنان نقتوں کی مدد سے پلیوں کے مداخشل  $T_0$  تا  $T_0$  تا  $T_0$  کی سادہ مساوات ساصل کرتے وقت انہیں غیر ضرور کی عالی تصور کیا جباتا ہے۔ شکل  $T_0$  مہمین درج ذیل سادہ مساوات ساصل کرناد کھایا گیا ہے۔

$$T_0 = 1$$
  $T_1 = \overline{Q}_3 Q_0$   $T_2 = Q_1 Q_0$   $T_3 = Q_3 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0$   $y = Q_3 Q_0$ 

ان مساوات سے حساصل دور شکل ۵.۸ مسیں پیش ہے، جبال تسام پلٹ کے مداحسٰل پر اصافی ضرب گیٹ نصب کر کے گسنتی مشروع اور روکنے کی اصافی صلاحیت بھی پسیدا کی گئی ہے۔ ان اصافی ضرب گیٹوں کوبر تی امشارہ گرخ مہیا کمیا گسیا ہے۔ سے امشارہ بلند ہونے کی صورت مسیں دور گسنتی کر تا ہے اور امشارہ پیت ہونے کی صورت مسیں گسنتی روکتا ہے۔

شکل 8.8 میں تین درجی دور بنایا گیا ہے جو 000<sub>10</sub> تا 999<sub>10</sub> گستی کر تا ہے۔اے بنانے کی مناطب رتین عدد شانی مرموز اعثار کی گنتے کار استعال کے گئے۔ای طسرح مسزید در حبات جو ڈکر در کار ہند سوں کا گنت کار بنایا جب تا ہے۔
اسس دور کی کار کردگی تچھ یوں ہے۔ گستی شروع کرنے سے قبل زبرد ستی پیت کولمے تی پیت کرے گستی 000<sub>10</sub> کر دی حبانی درج کامخناری لا پست در جانی اور سیکلوا کی گسنتی ہوں کے کشتی ہند سے کی گستی ہند درتی بڑھتی ہے اکائی درج کامخناری لا ایک دروری رہت ہے دوری

۸.۲ معاصر گنت کار



شکل ۸.۵:شنائی مسر موزاعشاری معساصر گنسه کار

۱۸۲ باب۸. گنت کار

مثق ا.٨: انٹرنیٹ سے 7493 اور 4516 کے معلوماتی صفحات حساس کریں۔انہیں استعال کرتے ہوئے متعبد دبٹ گنت کار تحنایق دیں۔

## ۸.۳ ویگر گنت کار

#### ا.٨٠٠ متغب رلمب أئي گنت كار

حپاربِٹ شنائی گنت کار 00000 تا 11112 گسنتی کرتاہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے فیج گسنتی کرتاہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے فیج گسنتی کرنے پر محببور کمیا جہ ایسے گنت کار کوہم متغیر لمبائی گئت کا گائتا میں گسنت کا آغناز کرنا ہو وہاں بینج کر دور کو محببور کمیا حب تاہے کہ وہ دوبارہ متوازی فسنسراہم کردہ عبد دراحنل کرکے گسنتی از سے نوشہ وع کرے۔

حیار بٹ معاصر شنائی گئت کار مشال بن تے ہوئے 20100 سے 1100 تک گئت کار بناتے ہیں، جو شکل 9.8 میں پیش ہے۔ نقط دار منتظیل مسین مساوات ۲.۸سے حیاصل دور دکھیایا گیا ہے جس مسین ہم پلٹ کے ساتھ اصنانی دوخر کے گیا ہے۔ جع گیٹ جوڑ کر متوازی دخول کی صلاحیت پیدا کی گئے ہے۔

اس دور مسین ابت دائی عسد د، جس کو A سے ظہر کسیا گلیا ہے اور جس کی قیمت 0110 ہے، متوازی داحنل کسی حباتا ہے۔ اختنا کی عسد و 1100 ہے جس کو نقطہ دار دائرے مسین سند ترکسی دور پہچپان کر اپنا ممنان پیست کرتا ہے جس کی بدولت ساعت کے اگلے کسنارے پر 0110 دور مسین متوازی داحنل ہوگا۔ اسس طسرح سے گنت کار 0110 کے کر 1100 کا کتا ہے۔

دور مسیں 01102 پہلی مسرتب داحسل کرنے کاطسریق نہیں و کھایا گیا۔

variable length counter"

۸.۳ دیگر گئت کار ۸.۳

#### حبدول ۸.۴: برتیب گنت کار، برائے مثق ۲.۸

موجوده حسال							
$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$					
1	0	1					
0	1	1					
1	1	0					
0	1	0					
1	0	0					
0	0	0					
0	0	1					

#### ۸.۳.۲ لے ترتیب گنت کار

معاصر شنائی گنت کار پر بحث کے دوران حبدول ۱۸ اپیش کیا گیا۔ اسس حبدول کے موبودہ مال حنانوں مسیں 000ء ، 001ء ، 001ء ، وران حبدول حاصل کیا گیا۔ ایس حب دول حاصل کیا گیا۔ یوں حاصل گنت کار 000ء ہے ہتدریج بڑھے ہوئے 111ء تک گنت ہے۔

سے ضروری نہمیں کہ گندے کارعام فہم گسندی کی ترتیب مسین ہی گننے۔ موبودہ عالی صفوں مسیں کوئی بھی ترتیب کہی حب سے ضروری نہمین کہ کہ ہر صف مسین منف روعب در کھا جب نقط است خیال رکھنا ضروری ہے کہ ہر صف مسین منف روعب در کھا جب ابق حبدول ان اندراج کے مطابق گرے گا۔ ہم اسس کو پوراکرنے سے ایسا گنت کارحیاصل ہو گا جو موبودہ عالی صفوں مسین کھے گئے اعبداد کے مطابق گسندی کرے گا۔ ہم اسس کو لیے ترتیب گذشے کار پارسے ہیں۔

مثل ۸.۲: ایس بے ترتیب گزشے کار تخلیق دیں جو حبدول ۴.۸ مسیں پیش اعبداد کی ترتیب کے مطابق گذت ہو۔ 001 دے 100 اور دو سری ساعت پر 1102 دے گاور 1012 و 2010 تا ہے۔ پنج کے بعب دوبارہ 1012 کے گذات مشروع کرے گا۔ تک شنا مشروع کرے گا۔

#### ۸.۳.۳ چيسلا گنت کار

11 پھے چھلا گنھ کار "اے محنارج مسیں ایک ہی بلند بیٹ گھومت ہے؛ باقی تمن م بِٹ پست رہتے ہیں۔ ایک ہی بلند بیٹ کوسا کوساعت کے کسنارے پر ایک پلٹ سے دوسرے پلٹ منتقل کسیاحب اتا ہے۔ مشکل 10.8 مسیں حیار بیٹ چھلا گنت کارپیش ہے، جبکہ حبدول ۸.۵مسیں اسس کی گستی پیشس کی گئی ہے۔

ring counter"

۱۸۲۰ باب۸. گنت کار

#### حبدول ٨٠٥:حيار بيث چھلا گنت كار

موجوده حسال				
$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	
0	0	0	1	
0	0	1	0	
0	1	0	0	
1	0	0	0	

#### ۸.۳.۴ دورانپ پیداکار

بعض اومت ہے ہمیں مقصر رہ دورانی کابلٹ یاپست احشارہ در کار ہو تا ہے۔ تین بٹ کامع احرشن کی الٹ گنت کار استعمال کرتے ہوئے ایس دور تفکیل دیتے ہیں۔ اسس دور کوہم **دورانیہ پیدا کار** ۱<sup>۵ کہس</sup>یں گے۔

تین پٹ الٹ گنت کار 111 تا 0000 وہراتا ہے۔ سٹیکل 11.8 مسیں متوازی دخول صلاحیت رکھنے والا تین پٹ الٹ گنت کار استعال کیا گینے بات ہو۔ اسس دور کو تین پٹ بطور در کار در کار استعال کیا گینے بٹ ہو۔ اسس دور کو تین پٹ بطور در کار دورانی گئت کار استعال کیا گینے بٹ میں بٹ بھور در کار دورانی کی حب تیں بٹ گئت کار مسیں کھے مداحسل لحیاتی بلند کرنے سے تین بٹ گئت کار مسیں کھے حب تی ہیں۔ متوازی گئت کار سین کلے حب تیں۔ جیسے تاری گئت کار کے سینوں حساری بٹ پست سند ہوں جی گیٹ بلند رہتا ہے اور یوں گئت کار گئت تا در یوں گئت ہوں اور یوں گئت کار گئت تا ہے در یا ہو جیسے تی گئت کار گئت تا ہے در یون گئت کا محساری تین پٹ مسین پیش دورانی کے برابر دورانے کے لئے جی گیٹ کا محساری لیمن ورانیہ بلندرہتا ہے۔ اسس طسرت تین پٹ مسین پیش دورانیہ کے برابر دورانے کے لئے جی گیٹ کا محساری لیمن ورانیہ بلندرہتا ہے۔

pulse generator12

## اب

## حسافظ

ایک پاٹ ایک شافی ہندسہ معلومات (مواد) ذخیرہ کرنے کی صلاحیت رکھت ہے۔ شنائی ہندے کو پہلے ابھی کے ہیں۔ یوں ایک پلٹ ایک شنائی ہندسہ حافظہ اس طور پر کام کر سکتا ہے۔ آٹھ پلٹ جوڑ کر آٹھ شنائی ہندسہ حافظہ اس طور پر کام کر سکتا ہے۔ آٹھ بنایا جب آٹھ شنائی ہندسہ حافظہ اس کیا ہے۔ آٹھ شنائی ہندسہ حافظہ اس کیا ہے۔ آٹھ شنائی ہند کو ایک ہمشتمی عدد یا ایک بائی ہے۔ ای طرح اس بر صفی ہوگا جب سولہ ہند نظے ہمار کے گئے مواد کو لفظ اس کہتے ہیں۔ حافظہ سیں موجود کل حافظہ ہوگا جب یوں دو مواد بائے ہی پر مشتمل ہوگا جب سولہ ہند نظ دوبائے ہر مشتمل ہوگا جب سولہ ہند نظ دوبائے ہر مشتمل ہوگا جب مواد کو سول کی پیس کشن بائے ہمار پر مشتمل ہوگا جب سول دو مواد لکھنا ہی ہوگا کے ایک بائے ہی ہو تھا ہو دو سو کی پیس کشن بائے ہمار کے دونائے ہیں۔ اس بائے ہیں مواد داخل کرنے کو مواد لکھنا ہی اس میں ہوگا کے دونائے ہیں۔ اس بائے ہیں۔ اس بائے گا۔ حافظہ کی پہلی تھی ہوگا ہے۔ اس باب میں انہیں تھی ہوگا۔ اس دورائے کا حواد سے معلومات کا دورائیہ رسائی کی بھی معتام پر کھنے معلومات کا دورائیہ رسائی یا اسس میں معتامات کے لئے تقسر بیا برابر ہوگا۔ اس دورائیہ رسائی کی کھی معتام پر کھنے میں در کار وقت تیں معتامات کے لئے تقسر بیا برابر ہوگا۔ اس دورائیہ رسائی کا دورائیہ رسائی گا۔ میں میں معتامات کے لئے تقسر بیا برابر ہوگا۔ اس دورائیہ رسائی یا

memory byte word write

random access memory, RAM<sup>2</sup> access time<sup>5</sup>

١٨٦

نے کامفہوم	حبدول ۹۱: حسافظ ہے موادمٹ
------------	---------------------------

1111 1111	1011 0101
1111 1111	0000 0000
1111 1111	1111 1111
1111 1111	0110 0110

روسری فتم کا سافظہ، جو پختہ عافظہ اکہ اتا ہے، میں برقی طاقت کی عدم موجود گی میں بھی مواد محفوظ رہت ہے تاہم اسسے معلومات پڑھنے کی حناطسر حافظے کو درکار برقی طاقت صدراہم کرنالازم ہے۔ پخت حافظہ معلومات کی بھی وقت کی بھی معتام ہے پڑھی جب سختی ہے۔ حافظے کے تمام معتامات ہے مواد پڑھنے کے لئے درکار وقت، جو حافظہ کا دورائیہ رسائج کہ کہلاتا ہے، تقتریباً ایک جیباہوگا عام استعال میں پخت حافظہ ہوں گئے۔ پخت حافظوں کی مختلف اقلم میں معلومات محفوظ کرنے کے طسر یقے ایک دوسرے سے معلومات محفوظ کرنے کے طسر یقے ایک دوسرے سے مختلف ہوں گے۔ ایک فتم کے پخت حافظہ میں معلومات صرف اور صرف ایک مصرت کھی جب سکتی ہے، اہل ذااے صرف ایک مسرت معلومات کی کھی گئے کے استعال کیا جب سکتا ہے۔ اسس کوایک مرتبہ قابلی لکھائی مختلف مافظہ اس کے برائی معلومات میں معلومات بربار کھی جب سے تاہم ایس کرنے ہے بہا اس سے پرائی معلومات منافظہ میں معلومات میں معلومات بربار کھی جب برق کی مددے مثانی حبائل کے استعال کیا جب برق کی مددے مثانی حبائل کے ایستان کے بہت حسافیات برق کی مددے مثانی حبائل کے ایستان کی بخت حسافظہ ہو گئے میں گئے تہ حسافیات مثانی ختلے میں گئے تہ برب شروع میں پخت حسافظہ کرتے ہیں۔ مشروع میں پخت حسافظہ کرتے ہیں۔ مثروع میں پخت حسافظہ کا مددے مثانی حبانا ہو کہتے مثل کو تھا کہتا میں کہتے ہیں۔ مشروع میں پخت حسافظہ کا مددے مثانی حبانا ہو کہتا ہو کہتے مافظہ اس کہتے ہیں۔ مشروع میں پخت حسافظہ کے ایک کرتے ہیں۔ ایک ختلے ہو کہتا 
کاعن ذیر لکھائی کومٹ نے سے صاف سے تھراکاعن ذمات ہے۔ پلٹ ہر صورت بلٹ دیا پیت حسال ہوتا ہے لہاندا اسس سے مواد کاعن ذکی طسرح نہیں مٹیا جب سالاً۔ لکھائی سے صاف حسافظہ سے مسرادوہ حسافظہ ہوگا جس کے متمام ہٹ بلٹ د (1) ہوں۔ حبدول ہوا مسیں آٹھ بِٹ لمب کی کے حب الفظ حسافظہ استعال کرتے ہوئے مواد سے بھسرے اور حسافظہ کی وضاحت کی گئی ہے۔ یقیدیاً، حسافظہ کے تمام بٹ پر 1 لکھنا اور حسافظے سے مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔ مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔

#### ا. 9 عبار ضي حسافظ ب

اس مے مسین عبارضی حیافظے کی بناوٹ پر غور کیا حبائے گا۔ایک بن حیافظہ بنیادی طور ایک پلٹ ہوگا اہنا۔ ہوگا، جس مسین مواد لکھنے اور پڑھنے کی صلاحیت موجود ہوگی۔ حیافظہ عصوماً کشیر تعداد پڑوں پر مشتل ہوگا الہذا حسافظہ مسین ہر پلٹ تک، لکھنے اور پڑھنے کی حناطہ ر، رسائی ضروری ہے۔ شکل 1.9 مسین شاکھ عارضی عارضی عافظے کھ

ROM, read only memory

one time programmable read only memory, OTP1\*

electrically erasable read only memory, EEROM,  $E^2PROM''$ 

UV erasable read only memory, UV erasable ROMIT

۱۸۷ عبارضی حبافظیہ ۱۸۷

ا کا کی اللہ جس کو مختصراً ا کا کی ما فظم اللہ کا کہتے ہیں، کی بناوٹ اور عسلامت پیش ہے، جہاں مواد ذخیرہ کرنے کے لئے ایک آر پلٹ استعال کی اگری علی ہے۔ حقیقت مسین کی طسریقے مستعمل ہیں جن پر بعد مسین غور کسیاحب کا۔

اسس طسرح کے ٹی الفاظ جوڑ کر متعبد دلفظ حسافظ ہوڑ کر حپار لفظ ہوڑ کر حپار لفظ حوڑ کر حپار لفظ حوث کر حپار لفظ حسافظ ہوڑ کر حپار لفظ حسافظ ہوڑ کر حبار لفظ حسافظ ہوڑ کر حبار لفظ حسافظ ہوڑ کر حبار لفظ میں مصافحہ میں مصافحہ ہوڑ کر حبار لفظ ہوڑ کر حبار کر حبار لفظ ہوڑ کر حبار کر حبار لفظ ہوڑ کر حبار کر حبا

متعدد لفظ حافظہ کی تمام اکائیوں کا "نتخب" اشارہ عمام صورت مسین پیت رہتا ہے۔ یوں حافظہ کے کی بھی متعدد لفظ تک رسائی ممکن نہیں ہوگا۔ حافظہ میں مواد لکھنے کی حناطب مواد کے داختلی راستے فسراہم کر کے پڑھ / لکھ پیت رکھ کر مطلوب معتام کا "نتخب" اشارہ بلند کیا حباتا ہے۔ یوں مواد مطلوب لفظ کے معتام پر لکھا حباتا ہے۔ ویس مواد مطلوب لفظ کے معتام پر لکھا جہ و فسر ضرح کریں ہم اعشاری تین (310) کے شائی عملامتی روپ 20110 کو حافظہ کے لفظ 2 کے معتام پر لکھا حب ہیں۔ ہم مداحت ل پر 20110 مہیا کر کے پڑھ / لکھ پیت رکھ کر لفظ 2 کے "نتخب" اشارے کو بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے شکل 3.9 مسین لفظ 2 پر 20110 کھا جبائے گا۔ ایسا کرنے سے مشارح کے لئے ہم پڑھ / لکھ بلندر کھ کر لفظ 2 کا "نتخب "بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے مضارح کی گھ بلندر کھ کر لفظ 2 کا "نتخب "بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے مضارح کی مضارح کی دوران مائی جانے ہی جانے ہی سے دیا تھا ہے۔ کو حاصاح سکتا ہے۔

حقیقی حسافظ سیس الفاظ تک رسائی پہتا کے ذریعے کی حساتی ہے۔ حسار لفظ حسافظ سیس الفاظ تک رسائی، دوبے سے استعمال کرتے ہوئے دوسے حسار مشناخت کار کی مدد سے مسکن ہے۔ مشکل 4.9 مسیس سے عمسل پیشس کے آگیا۔ ہے۔

عسارضی حسافظہ کا استعمال حبد ول ۲.۹ مسیں دکھسایا گیا ہے۔ **مجاز** پیسے ہونے کی صور<u>۔</u> مسیں حسافظہ **بلند ر کاوٹی** ع**الی** ۱۵ اختیار کرتے ہیسر ونی ادوار سے مکمسل منقطع ہوگا۔

شکل 4.9 مسین حپار بٹ جمع گیٹ کی ایک نئی عسلامت استعمال کی گئی ہے۔ گیٹ کا ایک مداحن و کھایا گیا ہے جس پر چھوٹی تر چھوٹی تر چھوٹی کئیسے حساتھ 4 کھوکر اسس بات کی وضاحت کی گئی ہے کہ دراصس کے جمع گیٹ جمع گیٹ ہے۔ اسس طسر ت کی عسلامت مسین گیٹ کے مداحن علیجہ دہ خبین و کھائے حباتے بلکہ تمام مداحن ایک داحنی تاروں کے جو بات بین بین دراحنی تاروں کے جو میں جہاست حساس لیک داحنی تاروں کے جو میں ایک دوراک اقت کا عند نر کھنچے ہوئے تاروں کے جو میں جہاست حساس کی مداحن کی عسلامی میں میں بین دراحنی تاروں کے جو میں جہاست حساس کی جہاتے ہیں۔ بین دوراک اقت کی عند کی عسلامی میں میں جہاست حساس کی جہاست کی جہاست کی جہاست کی عسلامی کی جہاست کے جہاست کی 
binary memory cell

unit memory"

high impedance state 12

۱۸۸

#### حبدول ٩.٢: عبارضي حبا فظي كااستعال

محباز	<u></u>	$A_1$	$A_0$	عسل
0	×	×	×	بلن ر کاوٹی حسال
1	0	0	0	لفظ 0 کے معتام پر لکھ
1	0	0	1	لفظ 1 کے معتام پر لکھ
1	0	1	0	لفظ 2 کے معتام پر لکھ
1	0	1	1	لفظ 3 کے معتام پر لکھ
1	1	0	0	لفظ 0 کے معتام سے پڑھ
1	1	0	1	لفظ 1 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	0	لفظ 2 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	1	لفظ 3 کے معتام سے پڑھ

ہوتی ہے اور دور صانب ستھرانظ سر آتا ہے۔ یاد رہے کہ ایسا صرف دور صاف ستھرانظ سر آنے کے لئے کسیا حباتا ہے۔ یوں حبافظ ہے گزشتہ دواشکال ایک بی دور بن نے کے دوط سریقے ہیں۔

ای طرز پر متعد د لفظ حیا فظ کی عسلامت بھی بن آئی حب اتی ہے۔ وسس بٹ پت سے  $2^{10}=1024_{10}=10$  لین تقسر بیا ایک جزار مصامات تک رسائی مسکن ہے۔ کمپیوٹر کی دنیا مسین کلو (ہزار) سے مسراد  $1024_{10}$  لیا حباتا ہے۔ یوں دو کلو سے مسراد  $2048_{10}$  ہوگا۔

شکل 6.9 مسیں منتکم کارے استعال پر غور کریں۔ مجاز اور پڑھ / لکھ دونوں بلند ہونے کی صورت مسیں حافظہ مسیں ذخصہ ہونہ کی صورت مسیں D پر مہیا مواد حافظہ مسیں کھیا جب کہ مجباز بلند اور پڑھ / لکھ بیت ہونے کی صورت مسیں D پر مہیا مواد حافظہ مسیں کھیا حباعے گا۔ یوں D بطور مداحنل ومحنارج کام کرتا ہے۔

حبدید عبارضی حبافظوں مسین کشیسر تعبداد کے الفاظ ذخیسرہ کرنے کی گفبائٹس ہوتی ہے۔ شکل 7.9-امسین حپار لفظ حبار فاقط حبار قطر کی بحبائے 1/O کہبائے کا داحنگی وحنار جی بٹوں کو D کی بحبائے 1/O کہبا کسی ہے۔ گلوط دور ۱/ک عبار مسد دکھائی گئی ہے جہال لفظ کے حپار داحنگی وحنار جی بٹوں کو D کی بحبائے گلیا ہے۔ گسیا ہے۔

سشکل - ب مسین محباز کی جگ محب از استغال کیا گیا ہے، جو سشکل - اے محباز مداحن پر نفی گیا ہے نصب کرنے کے حساس موگا؛ مسنید پڑھ / لکھ کو مختصراً لکھ پکار کر پنیا پر گول دائرہ ڈال کر اسس کاپست فعال بن ظاہر کیا گیا ہے۔ یول لکھ پست ہونے کی صورت مسین حافظے میں حافظے میں مواد پڑھا حباتا ہے۔ یول لکھ پست ہونے کی صورت مسین حافظے سے مواد پڑھا حباتا

شکل - ج مسیں بارہ بِٹ پت ، ایک بائٹ لفظ عبارضی حافظ کی عبارت و کھیائی گئی ہے۔بارہ بِٹ پت میں بارہ بِٹ پت میں عبارت کی اس مختلوط دور مسیں بیدار مداحت کی کاف ان کی گیا ہے جو پہنے فعال ہے۔ اس پراب بات کرتے ہیں۔

integrated circuit, IC

۹٫۲ پخت حافظه

محنلوط دور مسین متعدد گیٹ پائے حباتے ہیں اور حبدید برقیباتی آلات کئی محنلوط ادوار پر مشتمل ہوتے ہیں۔ یہ سب برقی طباقت سے حیلتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں برقی طباقت انہیں بیدار رکھتی ہے۔ برقیباتی آلات عسوماً بسیٹری سے برقی طباقت حیاصل کرتے ہیں۔ درکار برقی طباقت کم کرنے سے بسیٹری زیادہ دیرکار آمدر ہتی ہے۔

برقیاتی آلات میں مختلف مختلوط ادوار کی ضرورت مختلف لحیات پر ہوگی۔ان لحیات کے علاوہ انہیں ہیدار رکھنے سے بلاضرورت برقی ہوئی ہوں کے عہد اروہ انہیں ہیدار کرکھنے سے بلاضرورت برقی توانائی ضائع ہوگی۔ عنیسر مستعمل محتلوط ادوار کی برقی طباقت منظع نہیں کی حبا سکتی ہے۔ عبار ضی حبافظ کی مشال لیتے ہوئے ہم حبانے ہیں کہ برقی طباقت مہیا کی حبائے کہ سے صرف مواد محفوظ نہیں رہت،البت سے مسکن ہو ، لیتی اے ہے کہ عبار ضی حبافظ کو صرف اتن برقی طباقت مہیا کی حبائے کہ سے صرف مواد محفوظ ارکھنے کے وتبابل ہو ، لیتی اے نئر سال کی کیفیت مسین ڈالا حباسا کتا ہے۔ عبار ضی حبافظ کو مرف سے استان اس مقصہ کے لئے مہیا کہا گیا جباتا ہے اور استعال مہیا کہا ہے ہو گیا حباتا ہے اور استعال کے بعث ہوا دوبرہ نئر سال کر دیا جباتا ہے۔ اور استعال کے بعب فوراً دوبارہ نٹر سال کر دیا جباتا ہے۔ نٹر سال صورت مسین مختلوط دور ہیں ہوئی دنیا ہے ، دو طسر ن مسین سے بچھ پڑھا حب ساکتا ہے اور سے ہی اس سے بچھ پڑھا حب ساکتا کی مدد سے ہیدار کے ہے۔ نٹر سال مسین حبائل مین حبائل صون کرتا ہے۔ عبام طور سٹناخت کار کی مدد سے ہیدار کے جب نٹر سال حسین حبائل مین حبائل ہون کی حب بات کے۔ عبار کار کی مدد سے ہیدار کے حب نٹر سال حب کے حبائل حب ان خوالے مختلوط دور کی شناخت کی حبائی ہے۔

حپار لفظ ح<u>افظ</u> کی تصوراتی تصویر سشکل 8.9 مسیں د کھائی گئی ہے جہاں دوبٹ پتہ اور حپار بٹ مواد شنائی روپ مسیں کھے گئے ہیں۔ سشکل مسیں ایک کلوبائٹ حیافظ کی تصوراتی تصویر بھی پیش ہے جہاں مواد کوشنائی جب بہت کو اعشاری روپ مسین کھا گیا ہے۔

مثق ا. 9: عبارضی حبافظ 6116 کے معلوماتی صفحات ہے اسس کی استعداد "کلوبائٹ" مسیں معلوم کریں۔

#### ۹.۲ پخت حسافظ

پخت ج<u>ا فظے سے م</u>سراد اوہ حسافظے ہے جس مسیں مواد برقی طباقت کی عسد م موجود گی مسیں بھی محفوظ رہت اہو۔ پخت ہ حسافظے کا بنیا دی استعال وہاں ہو گا جہاں مواد تب یل ہے ہو۔

عسار ضی ح<u>سافظے کی ط</u>سرح پخت حسافظے ہی مختلف لمبائی کے الفاظ پر مشتمل ہو گا۔لفظوں تک رسائی پت کے ذریعہ ہوگا؛ ۹ بٹ پت کے پخت حسافظے مسین 2<sup>n</sup> لفظ ہوں گے۔

بائٹ لمبائی حیار لفظ پخت مسافظے کی اندرونی ساخت مشکل 9.9 مسین دکھائی گئی ہے جس کی بہتر صورت مشکل 10.9 مسین دکھائی گئی ہے۔ دوسے حیار مشناخت کار، پت۔ 10.9 پیشس کرتی ہے، جہاں حیار داخنلی جع گیٹ کی صاف مشکل استعال کی گئی ہے۔ دوسے حیار مشناخت کار، پت۔ کے دوہے حیار الفاظ تک رسائی مسکن ہوگی۔

شکل 9.9 مسیں بالکل نبیا عنیسر استعال شدہ پخت حسانظ۔ و کھایا گیا ہے۔ پت ہوں کی صورت مسیں دوے حسان 9.9 مسین استعال شدہ پخت مسین دوے حسان ہوگا گئے۔ بلت یہوں گے اور D پر 11111111 حساری ہوگا۔

۱۹۰ باب۹ مانظ

پت ہوگا وار D پر 11111112 حسارج ہوگا۔ آپ تسلی کر لیں کہ حپاروں پت، پر یمی مواد ملت ہے۔ کی جس نظر کے منازج ہوگا۔ آپ تسلی کر لیں کہ حپاروں پت، پر یمی مواد ملت ہے۔ کی جس نے غیر استعمال شدہ پخت، حسافظ کے ہر لفظ کے تمسام بٹ بلٹ د (1) ہوں گے۔

آپ نے دیکس کہ بلند  $y_0$  کی صورت مسیں تمسام جنع گیٹ کو یکی بلند امشارہ ملت ہے اور یوں تمسام جنع گیٹ کے محتاری بلند ہوں گے۔ جن گیٹ ہے کے مختاری بلند ہوں گے۔ جنع گیٹ ہے کا جوڑ منقطع کرنے ہے  $y_0$  کا جوڑ منقطع کرنے ہے  $y_0$  بلند کر کے لفظ  $y_0$  برختے ہے  $y_0$  کے منافع میں المہذا  $y_0$  بلند کر کے لفظ  $y_0$  برختے ہے  $y_0$  کے مختاری کریں: ایسے اشکال مسیں جنج گیٹ کا منقطع مداحشل جنج گیٹ کے مختاری براثر اند از نہسیں ہوگا۔

امید کی حباتی ہے آپ پخت میں کھی اُن کا عمس بخوبی سمجھ گئے ہوں گے۔ پخت میں جوڑوں کو توڑ کر مواد کھی حباتا ہے۔ اسس قتم حیافظہ مسین ہر جوڑ دراصل ایک ب**رقی فلتیلہ** الانسیوز) ہو تاہے۔ نستیکے کی استعداد سے زیادہ برقی رونستیلے سے گزار کرائے پھی اکر جوڑ منقطع کیا حباتا ہے۔

حافظہ مسیں کھے مواد سشکل 8.9 کی طسرح جبدول مسیں کھے جباتا ہے۔اسس حبدول مسیں باری باری ایک لفظ کو دیکھتے ہوئے جس بٹ کے مصامیر 0 ہو، حبافظہ کے اندرانسس لفظ کے انس بٹ کاجوڑ شباہ کپ حب تاہے۔

سٹکل 11.9 مسیں جمع گیٹوں کے مداحسل اور دوسے حیار سشناند۔ کارے محساریؒ کے فیج جوڑ گول دائروں سے ظاہر کیے گئے ہور ہیں۔ حسافظہ مسیں لکھ گیامواد بھی سشکل 12.9 مسیں پیشس کیا گیاہے۔ ان اسٹکال مسیں غلیب رسباہ سندہ جوڑ صلیبی نشان (×) سے ظاہر کیے حیاتے ہیں۔ اسس سشکل کو بخولی سسجھناضروری ہے۔

اب تک حپار لفظ حافظ پربات کی گئی جس کی وجب ہے 4 داختلی جمع گیٹ استعمال کیے گے۔ایک لفظ 8 بیٹ ہونے کی وجب ہے کل 8 جمع گیٹ استعمال کیے گئے۔ یوں ان حب نظوں مسین کل 4 × 8 لیخن جسین ( 32 ) جوڑیا فستیا ہوں گے۔ آپ دکھ کے۔ آپ دکھ گئے۔ یوں ان حب نظے مسین 2<sup>n</sup> داختی جمع گیٹ کے سے انظے مسین 2<sup>n</sup> دارا ہے جسانظ مسین 2<sup>n</sup> دارا ہے جسانظ مسین 2<sup>n</sup> دارا ہے جمع گیٹوں کی تعدد د 2<sup>n</sup> ہوگی۔ یوں حب فظے مسین جوڑوں کی تعدد د 2<sup>n</sup> ہوگی۔ یوں حب فظے مسین جوڑوں کی تعدد د 2<sup>n</sup> ہوگی۔ یوں حب فظے مسین جوڑوں کی تعدد د

شعاع منتا پخت مافظ مسیں بار بار لکھ اَن ممسکن ہے۔ ان مسیں جوڑ، برتی فتیاہ سے نہیں بنائے حباتے بلکہ ان جوڑ کو ایک مو کی ماتھوں کریں جنہیں مخصوص طریقے سے برقی طباقت کے ذریعہ منقطع کیا حباتا ہے۔ منقطع جوڑوں کو دوبارہ جوڑنے کی حن طبر حبافظ کو شعباع مسیں کچھ دیرر کھا حباتا ہے۔

حبدید برق منتا میخت ما فظول مسیں بار بار لکھائی مسکن ہے۔ان حسافظوں مسیں لکھائی برقی دباوے کی حباتی ہے اور اسے صباف بھی برقی دباوے کساحبا تاہے۔

پنے سانظہ مسیں کھائی مخلوط ادوار برمامہ نویس 19 کی مددے کی حباتی ہے۔

electric fuse12

switch1A

IC programmer19

## ۹٫۳ حافظہ کی استعداد بڑھانے کی ترکیب

عبارضی حیافظوں ( کے محنلوط ادوار ) کے متابو مداحنل عصوماً بیدار ، محباز اور پڑھ / لکھ جبکہ پخت سے نظوں کے جیسار اور محباز اور جباز ہوں گے۔اسس ھے مسین ہم تصور کرتے ہیں کہ حیافظوں کے متابو امشارات صرف بیدار اور کہا کہ ہیں جنہیں استعال کرتے ہوئے ایک سے زیادہ حسافظ آلپس مسین جوڑنا دکھیایا جبائے گا۔ حقیقت مسین عصوماً بیدار کے عیادہ تسام حیافظوں کے ایک چینے متابو مداحنل ایک ساتھ جوڑے حبائیں گیا۔ یوں تمام حیافظوں کے میساز مداحنل ایک ساتھ جوڑے حبائیں گے۔ ورائی طرح تمام کے پڑھ / ککھ ایک ساتھ جوڑے حبائیں گے۔

#### ا. $8 \times 4 \times 8 \leftarrow 1$ وعبد د $4 \times 4 \times 4 \leftarrow 1$ فظ سلمه وارجوژ کرایک عبد د $4 \times 8 \times 8 \leftarrow 1$ وصول

یوں پیت کے محتامات تک رسائی  $A_0$  اور  $A_1$  سافظہ  $A_2$  محتامات تک رسائی محتام مسکن بن بن کیں گے۔ پت  $A_1$  مسکن بن کی گے۔ پت  $A_2$  محتام سافظہ  $A_3$  محتام اور پت  $A_3$  محتام سافظہ  $A_4$  محتام محتام تک بن بن کی گے۔ پت  $A_4$  محتام ہور پی محتام اور پت  $A_4$  محتام ہور پارسائی دیتا ہے۔

ای طسر 5 بلند  $A_2$  کی صورت مسیں پتہ کے باقی دوبِٹ  $A_1$  اور  $A_1$  حافظہ -1 کے مختلف معتامات تک رسائی مسکن بن کیں گے۔ پتہ 2000 حافظہ -1 کے صف رویں اور پتہ 2010 حافظہ -1 کے تیسرے معتام تک رسائی دیتا ہے۔

گزشتہ دونشرپاروں کا حنلاص درج ذیل ہے۔ دوعہ درجپار لفظ حسافظ مسل کرایک عہد آٹھ لفظ حسافظ کے طور پر کام کرتے ہیں۔ الفاظ کی لمب بنی جوں کی توں حیار بیٹ رہتی ہے۔ اسس طسرح پت ہیں۔ 6000 کل حسافظ کے صف رویں معتام تک رسائی دیت ہے۔ یہ 111 کل حسافظ کے تعسرے، پت ہیں۔ 1000 کل حسافظ کے چوتھ اور پت 111 ساتویں معتام تک رسائی دیت ہے۔ یوں دوعہ درحسافظ جوڑ کر ایک عسد دحسافظ حساس کی بیت کی دیت ہے۔ یوں دوعہ درحسافظ جوڑ کر ایک عسد دحسافظ سے معتام تک کے بیان اس حقیقت کو میر نظر رکھتے ہوئے اندرونی ساخت پر ہر وقت خور کرنے کی ضرورت نہیں۔ شکل 9.31 سیس متناور کی ایک کو جوئے ہیں۔ ای ان دوحسافظوں بہتم نئی گیٹ کو بطور ایک لا کے 8 کے منافظ دکھ میا گیا ہے۔ اس مقامات دکھائے گئے ہیں۔ اس طسرح شکل 9.44 سے مصافح کے گئے ہیں۔ اس طسرح شکل 9.44 سے مصافح کے گئے ہیں۔ اس شکل سے واضح ہے کہ دو چھوٹے حسافظ کے گئے ہیں۔ اس

اب.٩.حافظ

ے آخن ری لفظ کے ایکے معتام پر حسافظ ہے۔ 1کا صف رواں لفظ پایا جب تا ہے۔ یوں پت کے لحیاظ ہے ان دوحی فظوں کو سلسلہ وار تستری لفظ کے آخن ری لفظ ہے۔ دویادو سے زیادہ حسافظ ہوڑتے وقت اسس طرح کی تصوراتی شکل ذہن مسین بہنایا کریں۔ مذکورہ بالا مسین  $4 \times 4 \times 4$  استعداد کے حسافظ استعال کیے گئے جنہ میں دوپت بیٹ  $A_0$  اور  $A_1$  ورکار تھے۔ ان دوبِث کو استعال کر کے بیدار حسافظ کے مختلف معتامات تک رسائی حساسل کی حباتی ہے جب کہ اگلا پت بیٹ کے محتامات تک معتامات پر رکھا گیا۔ یہی طسریق کار زیادہ استعداد کے استعال کر کے ان حسافظوں کو پت کے لحیاظ سے مختلف معتامات پر رکھا گیا۔ یہی طسریق کار زیادہ استعداد کے حسافظ وقت  $A_0$  تا  $A_0$  میں معتامات کے دو قت  $A_0$  تا  $A_0$  میں دو عب در دوس بیٹ پت کے حسافظ جوڑتے وقت  $A_0$  میں بیٹ بیت کے حسافظ کو میں میں میں جب در حسافل کے میں میں جب دار کرے گا۔

#### ٩.٣.٢ تين 8 × 16 حــا فظے سلىلە دار جوڑ كرايك 4× 8× حــا فظے كاحسول

شکل و.51-امسیں پیسے محناری شناخت کار استعمال کر کے تین 8  $\times$  16 سافظ (حیافظ ہے۔ 0، حیافظ ہے۔ 10 مسافظ ہے۔ 2) سلیلہ وار جوڑے گئے ہیں۔ تین حیافظ لیک ایک جیسے پت بیٹ ساتھ جوڑے گئے ہیں۔ لول تسینوں کے  $A_0$  ایک ساتھ حبڑے ہیں، وغیرہ ای طسر  $A_0$  ایک جیسے مواد بٹ ساتھ ساتھ جوڑے گئے ہیں، لہذا تسینوں  $A_0$  ایک ساتھ حبڑے ہیں، وغیرہ تاہم ان کے جیسار مداخل علیحہ معلیمہ درکھ گئے ہیں تاکہ کی ایک وقت پر صرف ایک حسانظ کا جیسار فعال (پیسے ) کرکے  $A_0$  تا  $A_0$  کے ذریعہ اس ایک حسانظ کے حولہ معتامات تک رسانی حسان کی حب سے معتامات تک رسانی حسان کی حب سے معتامات تک رسانی حساس کی حب سے معتامات تک رسانی حسان کی حب سے معتامات میں معتامات کی حب سے معتامات میں معتامات کی حب سے معتامات

ے نافدت کار کو پت بیٹ  $A_4$  اور  $A_5$  بطور مداحنل فنسراہم کیے گئے جبکہ اسس کے محناری  $\overline{y_1}$  ،  $\overline{y_2}$  ، اور  $\overline{y_3}$  ، او

 پست  $A_4$  اوربلند  $A_5$  پست  $\overline{y_2}$  دے گاجو کہ کی بھی ح<u>ن فظے</u> کے ساتھ نہمیں جبڑا۔ یوں  $A_5$  کی بھی ح<u>ن فظے</u> کی مشافہ نہمیں کرتے لہذا باقی چپار پہنے ہیں ہوگی۔ یوں پہنے ہیں کہ معتام تک معتام تک رسائی نہمیں ہوگی۔ یوں پتھ 100000 تا 101111 ح<u>ن فظے</u> کے کمی بھی معتام تک رسائی نہمیں دیں گے لہذا اسس خطے میں ہوگی۔ یوں پتھ مواد لکھ جب سکتا ہے اور سنہ ہی اسس خطے ہے مواد پڑھ جب سکتا ہے۔ جبدول کی وائیں قطے رمسیں سے حدود درج ہیں۔ شکل ج مسیں ان معتام سے میں ان معتام سے وظالم مقاماتے ظہر کیا گیا ہے۔

یہاں کل چوپت بِٹ  $A_0$  تا  $A_5$  استعال کیے گئے جو چونش  $(2^6=64)$  معتامات تک رسائی وے سکتے ہیں۔ ہم نے سولہ اولہ لفظ کے تین حسافظ استعال کرتے ہوئے اڑتالیس  $(48=8\times6)$  معتامات استعال کیے جب ہولہ  $(48=8\times6)$  معتامات ( $48=8\times6$ ) معتامات معتامات معتامات مورن کے باتھ جوڑگرتسام جو نسٹھ معتامات برو کے کارلا کے ہیں۔ گلیا ہے۔ ہم مولہ لفظ کا مسزید ایک حسافظ ہشتانات کارکے ساتھ جوڑگرتسام جو نسٹھ معتامات برو کے کارلا کتے ہیں۔

#### وو $4 \times 4 \times 4$ حافظے متوازی جوڑ کر $4 \times 4 \times 4$ حافظے کاحصول ۹.۳.۳

سنگل 0.00 - اسین دو 0.00 ک سنظ متوازی جو ٹر کر ایک 0.00 ک سافظ حساس کی گیے ہے۔ دونوں حسافظ بیک وقت بیب دار ہوتے ہیں اور پت کے دو بِ فی 0.00 اور 0.00 دونوں حسافظوں کے حیار معتام تک رسائی دیتے ہیں۔ حسافظ ہوگ کا وی 0.00 تا معداد کا ایک بائے تصور کیا حباس مسلم میں متوازی حب ٹرے دوحی فظوں کو 0.00 کا ستعداد کا ایک حسافظ سنگل دی گئے ہے۔

#### م. و حافظہ کے اوت سے کار

حافظ عسوما فرد عامل کار ''(مانکروپراسیسر) کے ساتھ منسلکہ استعال کسیاحب تا ہے۔ عسام طور پر محنلوط ادوار کوئی مخصوص کام سرانحبام دینے کے لئے تحنیق کے حب تے ہیں۔ حضر دع اسل کاران سے مختلف نوعیت کا مختلوط دور ہے جو احکامات اور چلت ہے۔ ان احکامات کو تبدیل کر کے ما کر و پر اسمیر سے مختلف کام لیے حب سکتے ہیں۔ سید احکامات (پہلے ہے) پخت دے فظے مسیں لکھے حب تے ہے جب اس سے ما کر و پر اسمیر انہیں پڑھ کر ان کی تعمیل کرتا ہے۔ ما کر و پر اسمیر کے ساتھ عصوماً عبار ضی حسافظی و پر اسمیر کے ساتھ عصوماً عبار ضی حسافظ منسلک کمیاحب تا ہے جب ان سے عمار ضی مواد لکھ کر ذخیب دہ کر کتا ہے اور جب ان سے مواد پڑھ سکتا ہے۔ مختلف صنعت کاروں کے تحنیل کر دہ حضر دع مسل کار کے اپنے مخصوص احکامات ہوں گا

microprocessor\*\*
commands\*\*

۱۹۳ باب. د انظ

#### کی مادر کے زبانے ۲۲ کہتے ہیں جب کہ کسی ایک حسم کو ہدایتے ۲۳ کہتے ہیں۔

مثق ع. و انٹ رنیٹ سے 6116 اور 2732 حافظوں کے دورانپ رسائی حاصل کریں۔

## 9.۵ پخت حافظ سے ترکسیبی ادوار کاحصول

اس كتاب ك حسد ٢.٥ مسين شناخت كارك ساتھ ايك جمع كيا استعال كرك تف عسل كا حصول وكهايا كيا۔ ١٦ بند بيت والے شناخت كارك 2<sup>n</sup> محتاري وراصل بيت بنول كے تمام مكن مجموعه اركال ضرب وقي بين۔

assembly languagerr

instruction

access time

ہر تغناعسل کو محبسوعہ ارکان ضرب کے روپ مسین لکھ کر اے سشناخت کار کے مطسلوب محنارج اور ایک جمع گیٹ سے حسامسل کیا حباسکتاہے۔

m بِٹ لفظ پخت میں مشاند کار اور m جن گیٹ موجود ہوتے ہیں لہنڈ ااسس کو m تفساعت ل کے حصول  $D_6$  وہراتا ہے) کے لئے تشکیل  $D_6$  تفساعت ل  $D_6$  وہراتا ہے) کے لئے تشکیل میں میں مشاکل کرنے والا دور تصور کمیا جب سکتا ہے۔

$$D_7 = \sum (0,3)$$

$$D_6 = \sum (1,2)$$

$$D_5 = \sum (1,2,3)$$

$$D_4 = \sum (3)$$

$$D_3 = \sum (0,1)$$

$$D_2 = \sum (0,2)$$

$$D_1 = \sum (3)$$

$$D_0 = \sum (1,2)$$

ان تف عسل کو ایک مخلف نقط نقط نظرے دیکھتے ہیں۔ کمت روبِت  $D_0$  اور  $D_1$  کو ایک سے تھ  $D_1$  دیکھیں تو کے مداحت ل  $D_1$  بیکھیں تو کے مداحت ل  $D_2$  بیکھیں تو کے مداحت ل  $D_3$  بیکھیں تو کے مداحت ل  $D_3$  بیکھیں کو کہ بیکھیں کو کہ بیکھیں کے مطابق کے محمد کے اور  $D_3$  ان کا متم بلا مسلم کے محمد کے اور  $D_4$  ان کا متم بلا شرکتے جمع اور  $D_7$  ان کا متم بلا شرکتے جمع ہے۔ شرکتے جمع ہے۔

configure ra

## إبا

# وت بل تشكيل تركب بي منطقي ادوار

پختہ حسافظہ استعال کرتے ہوئے تف عسل کا حصول گزشتہ باب مسیں دکھیایا گیا۔ m بٹ پت پختہ حسافظہ میں تمام ممکنہ m ارکان ضرب موجود ہوتے ہیں جنہ یہ چھ گیٹوں سے جوڑ کر درکار تف عسل حساس کیے حباسکتے ہیں۔ پخت حسافظہ ورکنیچے منطقے ادوار '،جن پر بہاں غور کسیاحبے گا، کی ایک فتم ہے۔

وت ابل تفکسیل ترکسی منطقی ادوار کی پہلی قتم قابل تشکیل جمع ترکیبی منطقی ادوار اے، جن مسیں پہلاصف ضرب گیٹ اور دو سر انجع گیٹ کیا ہوتے ہیں۔ ضرب گیٹوں کی صف اور دو سر انجع گیٹ کیا ہوتے ہیں۔ ضرب گیٹوں کی صف مسین دا حسلی برقی جوڑ اٹل جبکہ دو سسری صف کے جمع گیٹوں کے دا حسلی برقی جوڑ ت بابل تفکسیل ہوتے ہیں۔ پخت مسافظ اسس قسم مسین شمسار ہوتا ہے۔ است قسم مسین شمسار ہوتا ہے۔

و تابل تفکیل ترکیبی منطق ادوار کی دو سری فتم قابلی تشکیلی ضرب ترکیبی منطقی ادوار "ب، جن مسین پهاصف ضرب گیٹ اور دو سراجع گیٹ کابو تا ہے اور جو محبوعہ ارکان ضرب کی صورت مسین تف سل دیے ہیں۔ پہلی صف کے ضرب گیٹوں کے داخنلی برتی جوڑائل ہوتے ہیں۔ منطق مضرب گیٹوں کے داخنلی برتی جوڑائل ہوتے ہیں۔ تیسری ادور سب سے زیادہ کیا ۔ دار و تابل تفکیل ترکیبی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے ضرب گیٹوں کے داخنلی حرب گیٹوں کے داخنلی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے ضرب گیٹوں کے داخنلی مخرج و جمع ترکیبی منطقی ادوار محت ہیں۔ انہیں قابلی تشکیلی ضرب و جمع ترکیبی منطقی ادوار "کتے ہیں۔ انہیں قابلی تشکیلی صرب و جمع ترکیبی منطقی ادوار "کتے ہیں۔

مذکورہ بالاادوار پروگرامبر (محنلوط دور برنامیہ نویس) سے تشکیل دیے حباتے ہیں۔

programmable logic devices (PLDs)<sup>t</sup> programmable array logic (PAL)<sup>t</sup>

programmable logic array (PLA)

CPLD, complex programmable logic devices

## ا. • . • ا تشكيل ضرب تركب بي منطقي ادوار

وت بل تفکیل ضرب ترکسیبی منطقی ادوار کی عصومی ساخت مشکل 1.10 مسین دکھائی گئی ہے جہاں دور کے حیار مداحن اور تی میں مداحن اور تی جہاں دور کے حیار مداحن اور تین محنارج ہیں۔ ان ادوار مسین عصوماً گئی محنارج اسٹارے بھی بطور مداحن استعال کیے حیاتے ہیں جیسے یہاں F2 استعال کیا گیا ہے۔

د کھائے گئے دور کے تین کیساں تھے ہیں۔ ہر حصبہ مسیں وسس مداحنل تین ضرب گیب ہیں جو تین مداحنل ایک بیٹ گیٹ کو حباتے ہیں۔ ضرب گیب کے مداحنل صابل تشکیل جبکہ جمع گیب کے مداحنل اٹل ہیں۔ دور کے کُل حپار مداحنل ہیں جنہیں مستحکم کارے گزار کران کے متم بھی ضرب گیب کومہیا کیے گئے ہیں۔اسس دور مسیں 10 داحنلی کُل 9 جمع گیٹ ہیں البذااسس مسیں 90 = 10 × 9 منتلے ہوں گے۔

عسام دستیاب ادوار مسین مداحن اور محنارج کی تعبداد اسس سے زیادہ ہوگی، مشالًا ان مسین سولہ مداحن ، آٹھ محنارج اور آٹھ یکساں اندرونی ھے ہو سکتے ہیں جن مسین ہر حسہ آٹھ ضرب اور ایک جج گیٹ پر مشتمل ہوگا۔ مسزید حنارجی امشاروں پر مستملم کارنصب ہو سکتے ہیں جنہیں باب در کاوٹی حسال کیا حب سکتا ہے۔

آئیں اسس دور کو استعال کرتے ہوئے درج ذیل تف عسل حساصل کرتے ہیں جو ارکان ضرب کے روپ مسین دیے گئے ہیں۔

$$F_0(A,B,C,D) = \sum (4,5,10,14)$$

$$F_1(A,B,C,D) = \sum (0,1,5,7,9,13,14,15)$$

$$F_2(A,B,C,D) = \sum (0,1,5,7,14,15)$$

ان تف عل کاب دہ رویے درج ذیل ہے۔

$$F_{0} = \overline{A}B\overline{C} + AC\overline{D}$$

$$F_{1} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC + A\overline{B}C = F_{2} + A\overline{B}C$$

$$F_{2} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC$$

ان مساوا توں مسیں کوئی بھی ضربی رکن تین سے زیادہ مداحن پر مشتل نہیں المبیذ ادرج بالانت عسلات کو مشکل 1.10 مسیں پیش وت اہل تفکیل ترکمیبی منطق دور استعمال کر کے حسامسل کمیا حب سکتا ہے۔ مشکل 2.10 مسیں تف عسلات کا دور د کھایا گیا ہے جہاں موجود جوڑ صلیبی نشان سے ظہر کیے گئے ہیں۔ باقی جوڑ منقطع کیے گئے ہیں۔

## ۱۰.۰.۲ وتابل تشکیل ضرب و جمع ترکیسی منطقی ادوار

ان ادوار مسیں بھی پہلی صف ضر ب گیٹ اور دو سسری صف جمع گیٹول کی ہوتی ہے البت ان مسیں ضر ب گیٹول اور جمع گیٹول کے تمسام جوڑوتابل تفکسیل ہوتے ہیں۔ یوں استعال کے نکت دنظسرے سے نہایت کچک دار ہوتے ہیں۔

شکل 3.10 مسیں متابل تفکیل ضرب و جمع ترکیبی منطقی دور دکھایا گیاہے۔اس دور مسیں تمام ضرب گیٹوں کے داخنلی جوڑ اور تھا میں اسلی جوڑ اور تھا میں۔اسس دور مسیں آٹھ داخنلی چھ ضرب گیٹ اور چھ داخنلی تین جمع گیٹوں کے داخنلی جوڑ ہوں گے۔

اسس مشکل مسیں درج ذیل تین تف عسل حسامسل کیے گئے ہیں جہاں صلیبی نشان سلامت جوڑ کو ظاہر کرتے ہیں۔ ان تف عسل کے حصول مسیں حپار ضرب گیٹ اور شینوں جمع گیٹ کی ضرورت پیش آئی، جبکہ دو ضرب گیٹ زیر استعال نہیں آئے۔

$$D_2 = \overline{A_0} \, \overline{A_1} A_2 \overline{A_3}$$

$$D_1 = \overline{A_1} A_2 \overline{A_3}$$

$$D_2 = A_0 \overline{A_1} A_3 + \overline{A_0} \overline{A_3}$$

یہاں دکھایا گیا متابل تشکیل ضرب و جمع ترکیبی منطقی دور صرف سنجھانے کی مناطب رکھتا۔ حقیقی ادوار مسیں کئی گئ زیادہ مداحن کی محنارج، اور گیٹ ہوں گے۔ شنائی تغناعمل کی سادہ ترین صورت مساسل کر کے اسے محنلوط دور مسیں ڈالا حباتا ہے۔ سادہ ترین روپ کا حصول، جو عصوماً ایک مشکل کام ہوگا، کمپیوٹر کے ذریعے کمپ حباتا ہے۔ منقطع ہونے والے منتلوں کی معلومات بھی کمپیوٹر صنداہم کرتا ہے۔ نستلے محنلوط ادوار کا پروگر امسر منقطع کرتا ہے۔

## ا. ١٠ تشكيل ترتيبي ادوار

جیااس باب کی شروع مسین ذکر ہوا، و سیج پیمانے کے مخلوط ادوار <sup>ه</sup>ر تسیبی بن او نے رکھتے ہیں۔ تبایل تشکیل ترکسیبی ادوار کے ساتھ پلیٹ منسلک کر کے وتبایل تشکیل تر تسیبی ادوار حساس کیے حباتے ہیں۔ اسس طسرح کے یک کی تھے ایک مختصوط دور پر مسین ڈال کر پیچیدہ قابل تشکیل ترتیبی ادوار 'بن کے حباتے ہیں۔ ان ادوار مسین تمام انفنسرادی حصول کے مابین، وتبایل تشکیل ترکسیبی ادوار کی طسرح، برقی جو ڈول (منسیان) کا حبال بچھیایا حباتا ہے، اور بسیرونی مداحنل کے ساتھ ہیں۔ ساتھ دور کے مینارج بطور مداحنل استعمال کے حباستے ہیں۔

انتہائی وسلیج پیانے کے مخلوط ادوار کی بناوٹ صف درصف گیٹوں پر مسبنی ہوتی ہے۔ایے حبدید محنلوط ادوار مسیں گیٹوں کی تعبد ادار ہوں مسیں ہوتی ہے۔

انتہائی و سنج ہیں نے کے محنلوط ادوار کاذکر کرتے ہوئے موُر کی پیٹن گوئی کاذکر کر نالازم ہے حبنہوں نے 1965 مسیں پیٹن گوئی کی کہ محنلوط ادوار مسیں گیٹوں کی تعب دوہر دو سال مسیں دگئی ہوگی۔ یہ بیٹن گوئی جے موُ**ر کا قانون ^** کہتے ہیں اب تک درست ثابت ہوتا آرہاہے۔

انتہائی و سیج پیسانہ محنلوط دور تشکیل دیے کی حناطہ تناعمل میں مستعمل گیٹ اور ان کے چیج جوڑ کی معلومات محنلوط دور بناتے وقت اسس معلومات محنلوط دور بناتے وقت اسس معلومات کے تحت گیٹوں کے چی درکار جوڑ بنا دیے حباتے ہیں۔ بھی کبھار صنعت کار صارف کے ضرورت کے مطابق محنلوط دور تیار کر تا ہے۔ ایسے تیار کیے حبانے دالے ادوار کو خصوصی استعالی کے مخلوط اووار استجمال کے مخلوط اووار او کہتے ہیں۔

large scale integration (LSI)2

complex PLD (CPLD)

very large scale integration (VLSI)<sup>2</sup>

Moore's law

application specific integrated circuit (ASIC)9

اسسلم کی آمندی فتم موقع پر قابلی تشکیلی گیٹے صف 'اے جو دراصل انتہائی و سنج پیب نے محناوط ادوار کی وہ قتم ہے جے صارف خور تفکیل دے سکتا ہے۔ انہیں باربار تفکیل دیا حب سکتا ہے۔ ان ادوار مسیں گیٹ مفناخت کار، عب رفتی حسانظ ور اسس فتم کے دیگر ادوار پائے حب تے ہیں۔ موقع پر قتابل تفکیل گیٹ صف استعال کرنے کی حناط رکھ پوڑی وگرام استعال کے حاصت باتا ہے۔ کمپیوٹر کی مدد سے متیار اکرنے کی حناط رکئی کمپیوٹر پروگرام استعال کے حباستے ہیں۔

مثق ا. ۱۰: انٹرنیٹ سے EPM7032 محنلوط دور کے معلوماتی صفحات سے صاصل کریں۔(۱) اسس مسیں کتنے کیاں جسے میں انٹرنیٹ کے کاریں۔(۱) اسس مسیں پلٹ بھی ایا جباتا ہے؟

field programmable gate array (FPGA)<sup>1</sup>
computer aided design (CAD)<sup>11</sup>

## با\_\_\_ا

# غب رمع اصر ترتب مي ادوار

وسیج پیبان عسد دی ادوار عسوماً معاصر ادوار کے طسرز پر بنائے حباتے ہیں۔ان کے اگلے حیال مکسل طور پر موجودہ حیال سے حیال سے حیال ہوتے ہیں اور باقی اوصات کے لئے انہیں غیسر متغیبر تصور کیا حباسکا ہے۔ ساعت کے کنارے سے چند لمحیات قبیل تا چند لمحیات بعب محال کاپائیدار ہونایق نی بنایا حباتا ہے۔ یوں کنارہ ساعت پر معسلوم حیال پائے حباتے ہیں جن سے اگلے پر یقین حیال حیاصل ہوتے ہیں۔

اسس کے بر عکسس غنیسر معاصر ادوار کے حسال کمی بھی لمحہ تب میں ہو سکتے ہیں جسس سے حسالیہ دوڑ اور دیگر مسائل کھٹرے ہوتے ہیں جن برانسس باہے مسیں غور کسیاحہائے گا۔

غیبر معیاصر ادوار کی اپنی ایک اہمیت ہے۔ یہ ساعت کے کسنارے کا انتظار کیے بغیبر امشارہ کورد عمسل کر سکتے ہیں۔ عب وماً کی بھی عب دی دور مسین کچھ حسب معیاصر اور کچھ غیبر معیاصر ہوگا۔

سٹکل 1.11 مسیں نہایت سادہ دور دکھایا گیا ہے جس کو سرسری نظسرے دیکھ کر یوں محموس ہوتا ہے کہ ضرب گیر کے عمدارج بھی بلت دنہ ہم ہوتا ہے کہ مسئلہ است سارہ نہیں جب بھی مداحنل ضرب گیر کامنان جھی بلت دنبی گیر مناز خور کرنے ہے ثابت ہوتا ہے کہ مسئلہ است سادہ نبی گیر انفی گیر کے کہ حسال تبدیل کرے گا۔ ہے گانجی گیر کے کامنان جسال تبدیل کرے گا۔ ہے گانجی گیر کے کامنان کی کامنان کی کامنان کی کامنان کی کامنان کی کامنان کی مطابق حسال کی مطابق حسال کی مطابق حسال کے مطابق حسال کے مطابق حسال کے لئے جب الحسات درکار ہوں گیر کے الہٰ ذاخر بیا گیر کے کامنان کا کہ وگا۔ گیر کی کامنان کار کامنان کی کامنان

آپ د کھے سے ہیں ضرب گیٹ کا محت ان عنیسر مطلوب طور پر ، نفی گیٹ کے دورانیے ردِ عمسل کے برابر دورانے کے لئے، بلند ہوگا۔اسس طسرح کے، عنیسر مطلوب نہایت کم دورانیے کے لئے، حسال کی شبدیلی کو برقی لرز ش یا مختصر ا

delay'

لرز رہے اس برقی لرزمش مثبت یا منی ہو سستی ہے البذا موجودہ لرزمش کو مثبت لرزمش کہ میں گے۔ لرزمش نہسایت کم دورانے کی دھٹڑ کن تصور کی حب سستی ہے، تاہم لرزمش کی اصطباع عصوماً غنیبر مطبلوب دھٹڑ کن کے لئے استعمال کی حب بق ہے اور ان سے مصاصرا دوار کویا کے رکھا حب بتا ہے۔

لرزسش کی وجب سے ادوار ع**بوری عالی "افت**یار کرتے ہیں۔اسس باب مسیں عبوری حسال پر تفصیلاً بحث ہو گی۔

آپ نے دیکھ کہ ضرب گیٹ تک امشارہ  $\overline{A}$  پہنچنے مسیں تاخیر کی ہدولت لرزمش پیدا ہوئی۔ تاخیر کی مسزید ایک مشال دیکھتے ہیں۔

برقی تارمسیں برقی دباوی رفت ارتقت ریب انساء مسین روشنی کی رفت ار  $^{7}$  کے برابر ہوتی ہے۔ یوں ایک نسینو سیکنڈ مسین برقی دباو تقت ریب اگر پچھ کی دباو تقت ریب اگر پچھ کی  $3 \times 10^8 \times 10^9 = 0.3$  دباو تقت ریب اگر کے نفی گیٹ کی جگ میں اگر کے نفی گیٹ کی جگ میں مثال تب یل کر کے نفی گیٹ کی جگ میں میں میں میں کہا ہوگا (مشکل 2.11 دیکھیں)۔ گیٹ نصب کے اس کے وور کارو عمل کیا ہوگا (مشکل 2.11 دیکھیں)۔

اخارہ A گینے کے ایک داخلی پن پر مہیاکیا گیا ہے جبکہ بھی اخارہ تیس سنی مسیر پر تی تارے گزار کر دوسرے داخلی پن پر مہیاکیا گیا ہے۔ تار کو بل دار ککسیرے ظاہر کسیاگیا ہے۔ یوں دار ککسیرے ظاہر کسیاگیا ہے۔ یوں اخارہ  $A_t$  گیٹ کے دوسرے بن تک تاخیسرے پنچتا ہے۔ اخارہ A بلند یاپست ہونے کے ایک نسینو سکنڈ بعد اخارہ  $A_t$  بلند یاپست ہوگا۔ گیٹ کا دورانی دو عمل نظر انداز کرتے ہوئے گیٹ کا محناری کی وگا۔ گیٹ کا دورانی روغمسل میر نظر رکھتے ہوئے محناری کی ہوگا۔ گیٹ کے حناری اشارے مسیں دوبلند برقی لرزشیں ویکھنے کو ملتی ہیں جن کے دورانے برقی تار مسیں تاخیسر، حسانظے کی طسری، معلومات کی انہ مسیں تاخیسر، حسانظے کی طسری، معلومات کھی اور اور کھنے کی صلاحیت رکھتی ہیں۔

آ پ نے دیکھ مختلف طسرز کی تاخیب ردور مسیں لرزششیں پیدا کرتی ہیں۔ جب اں بازر سی اشارہ "تاخیب سے بیخی کرمخساری تتب میل کر تا ہودہال دوران تاخیب مخساری اور تاخیب کے بعد مخساری مختلف ہوں گے جس سے ما پائیدار طالعہ اپیدا ہوگا۔

جب بھی ایک ہے زیادہ اسٹ ارے بیک وقت تبدیل ہوں، گیٹ اور برقی تاروں مسیں نافت بل معلوم تاخیب رکی بدولت ، ان کے اثرات حب بنت اتقسر سبئا مسکن ہوگا۔ اسس مسئلے سے بچنے کی حساط سر غنیبر معساصر ادوار درج ذیل دوسشر الط کے تحت بنا : (ا) ایک وقت پر صرف ایک اسٹ او اسٹ رائط کے جب تے بین: (۱) ایک وقت پر صرف ایک اسٹ او تعن کر میں اور کی تبدیل کی در میان اسٹ وقف دیا جب کے کہ تاخیب کے باوجود دور پائے دار حسال اختیار کرتا ہو۔ ان سشر الط کے تحت جبنے کو بنیا دی طراق کار کے توسی علیا کہتے ہیں۔

glitch'

transition state"

ہے۔ سینڈ فی میٹر  $10^8 imes 3$  رفتار کی روشنی میں خلاء

feedback signal

unstable condition

fundamental mode<sup>2</sup>

الا تحبزب

## ا.اا تحبزب

غیر معاصر ترتیبی ادوار ^ ہے مسراد ایے ادوار ہیں جن مسیں(۱) بغیسر ساعت والے پلٹ پاۓ حبائیں اور یا(ب)ان مسیں ایک یاایک سے زیادہ محنارج بطور **بازر سی اشاراہے** استعال ہوں۔ جیسے اُوپر ذکر کسیا گسیا، مختلف نوعیت کی تاخیسر کی بہنا پر بازری اے اراب لمی آئی طور پر حب نظر کی کی صلاحیت رکھتے ہیں۔

جب حشار جی امشارہ، مشاماً D ، بطور داحشلی امشارہ استعمال ہو کراپنی ہی قیمت (D) تعسین کرنے مسیں کر دار اداکر تا ہو، **یہ بازر بھر اشارہ <sup>9</sup>بہا** تاہے۔

اسس حسب مسین بغیر باٹ ادوار پر غور کیا حبائے گا۔ پلٹ والے دور پر اگلے حسب مسین غور کیا حبائے گا۔

ا.ا.اا عبوري حبدول

غیبر معاصر ترتیبی ادوار پر غور ان کے عبور کی جدول ۱۰ کی مددے کیا حیاتا ہے۔ یہ طسریقہ شکل 3.11 مسیں دیے گئے دور کی مدد سکتے ہیں۔

پلٹ کی غنیبر موجود گی کے باوجود اسس کو ترتیبی دور اسس کئے کہ بین گے کہ حنار جی احشار A اور B بطور باز رسی اسٹارات، a اور a ،استعال کے گئے ہیں۔دورے حنار بی حسال کی مساوات کھتے ہیں۔

(II.1) 
$$A = (b+x) \cdot (a+\overline{x})$$
$$B = (b+x) \cdot (\overline{a}+\overline{x})$$

a مساوات حساس کرتے وقت بازری احشاروں کو عسام مداحشاں تصور کریں۔یوں x کو بسیرونی مداحشاں جب کہ a اور b کو اندرونی مداحشاں تصور کریں۔ان مساوات مسیں a اور b موبودہ مخارج جب کہ a اور b مالی میں دکھایا گیاہے۔ مساوات سے حبول کا مصول شکل a میں دکھایا گیاہے۔

حبدول ۱۱.۱ مسیں پیش عالی کے متغیراتے " A اور B کی معسلومات کو علیحہ وہ کارنان نتوں کی طسرز پر کھی گیا ہے جس سے عسبوری حبدول کے حصول مسین آسانی پیدا ہوتی ہے۔ کارنان نتوں کی بائیں حبانب قطبار کی صورت مسین ہیں دونی مداحسٰل x کی صورت مسین ہیں۔ وفی مداحسٰل x کی قیمتیں جبکہ اوپر حبانب صف کی صورت مسین ہیں۔ قیمتیں جبکہ اوپر حبانب صف کی صورت مسین ہیں۔ قیمتیں جبکہ اوپر حبانب صف کی صورت مسین ہیں۔

عبوری جدول مسیں A اور B کی قیمتیں ساتھ ساتھ AB کسی حباتی ہیں۔کارناف نقٹوں کی آحنسری صفوں کی دائیں قط ارکے حن نے قط اروں مسیں A کی قیمت 1 جب B کی قیمت 0 ہے۔ عبوری جدول کی خیبی صف اور دائیں قط ارکے حن نے مسیں ان قیتوں کو ساتھ ساتھ 10 کسے گیا ہے۔ اسس عمسل کی وضاحت نقط دار کسیروں سے کی گئی ہے۔ عبوری حبدول مسیں صف در صف حیلت ہوئے جب بھی صف مسیں موجودہ محنارج ab اور اگلے محنارج AB کی قیمت کیاں ہو، AB کی قیمت دائرے مسیں بند کریں۔ دائرہ مسیں بند حسال پائیدار (مستحکم) جب کہ باقی ناپائے دار لیعن قیمت کے ساتھ AB کی قیمت دائرے مسیں بند کریں۔ دائرہ مسیں بند حسال پائیدار (مستحکم) جب کہ باقی ناپائے دار لیعن

asynchronous combinational circuit

feedback signal

transition table '\*

state variables"

#### حبدول!!!!:دور کابوولین حبدول

а	b	x	A	В
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	0

#### عبور کھے انہوں گے۔

شکل 5.11 پر نظسرر کھ کر ع**بوری جدول ک**ے استعال پر غور کرتے ہیں۔ حبدول کی ab=0 صنب اور x=0 قطبار میں واقع حنانے کو ابتدا کی خانہ "اہبا گیاہے، جس مسین ab=00 اور x=0 کی صورت مسین AB کی قیت درج ہے۔ فٹ رض کریں ابت دائی حنان دور کا ابت دائی حیال ظیام کرتا ہے۔

ا ا اگر ab = 00 رکھتے ہوئے ہیں دونی مداحسٰل x کی قیمت 0 سے 1 کر دی حبائے تو عبوری حیدول کے مطابق AB کی قیت 00 سے 01 ہو جبائے گی۔ یوں موجو دہ حسال ab اور اگلے حسال AB کی قیمتیں مختلف ہوں گی جو عبوری حبال کی نشانی ہے اور جس مسیں دور زیادہ دیر نہیں رہ سکتا۔ برقی تاروں مسین تاخب رکے بعید ab کی قیمت 01 ہوجائے گی ab = 01 برنت رارر کھے گایوں دور تاخب رکے بعب رعب وری بدول کی x = 1 قطب راور x = 0صف پریائے حبانے والے حنانے تک پنچے گاجباں AB اور ab دونوں کی قیت 01 ہے،جو مستحکم حسال کوظ اہر کرتا ے (اوراس کے دائرے مسیں بند د کھایا گیاہے)۔ اسس پورے مسرحسلہ کو "پہالات دم" کہا گیاہے۔ پہلے ت دم کو تب ردار لکب رہے ظاہر کسا گیاہے جوعبوری منانے سے گزر کر مستحکم منانے پر اختتام پذیر ہو تاہے۔

سنتگم (ہائے۔ ار) حسال سے ابت داکرتے ہوئے x کی قیمت شبدیل کرنے سے دور کچھ کھوں کے لئے عسبوری حسال اختیار کر ئے۔ ب صورت زیادہ دیر برفت رار نہیں رہی۔ تاروں مسیں تاخب رکے بعید باز رسی اثارے تب دیل ہوئے اور دور دوبارہ شخکم حسال اختیار کر گبا۔عب وماً ادوار کاعمس ل اسی طب رح ہوگا۔

ای طبرح ab = 01 رکھتے ہوئے x کی قیمت 1 ہے 0 کرنے سے عبوری حبدول کے مطبابق دور ab = 0 قطبار ab اور ab = 01 منے کے نے میں درج سال ab = 11 افتیار کرے گا۔ اس مسرتب بھی ab = 01مختلف ہیں (جوعبوری حسال کو ظل ہر کر تاہے) الہذا دور اسس سے نکلنے کی کوششش کرے گا۔ برقی تاروں مسیں تاخب رکے بعید AB کی نئی قیمتوں کی خب ر ab کے معتام تک پہنچے گی البہذا ab کی قیمت بھی 11 ہو حبائے گی۔ یوں دور x=0 قط اداور AB = 11 منے میں درن(c)(c) در کرے مسیں بندab = 11 افتار کرے گا۔ ای طسرح میل تے ہوئے ab = 11x کی قیت باربارت مل کرنے سے دور بالت رتب 00 ، 01 ، 11 ، اور 10 مستحکم حیال افتیار کرے گاہم مسرت 10 x

transient state"

الکی بھی مستحکم سال منانے کوابت دائی منانے منتخب کسامسالتاہے۔

۱.۱۱ تحبزب

تک پین تر تیب دوبارہ دہر انی حبائے گی۔ سشکل مسین تیبر دار لکسینروں سے یہ مسراحساں دکھائے گئے ہیں۔ دور کا حسال ABx کی بحبائے ABx کلف حباتا ہے۔ یوں 000 ، 011 ، 100 ، اور 101 منتکم عالی جب کہ 010 ، 001 ، دور کا حسال ہیں۔

عبوری حبدول کی ہر صف مسیں ،عبوماً ، کم از کم ایک مستحکم حسال ضرور پایا حب اتا ہے۔ ایسا نہ ہونے کی صورت مسین اسس صف مسین پینچ کر دور عسبوری حسال افتیار کرے گا۔

عبوری حبدول حساصل کرنے کاطب ریقہ کاریہاں بیان کرتے ہیں۔

- ۰ دورمسین تب مبازر سی اشارول اور بازر سی دائرول ساک نشاند بی کریں۔
- کسی بھی ترتیب سے بازر می دائروں کے مضارح کی شناخت ، C ، B ، A ، وغیبرہ جبکہ ای ترتیب سے ان کے باز رسی الشارات کی شناخت ، c ، b ، a ، وغیبرہ سے کریں۔
  - بیسرونی اور اندرونی مداحنل کی صورت مسین تمام محنارج کے بوولین تفاعسل حساصل کریں۔
    - ان تفاعل کے کارناف نقشے بنائیں۔
- جہاں ، ، ، ABC اور ای صف مسین ، ، ، abc کی قیمت یک ان ہو، وہاں ، ، ، ABC کو دائرے مسین بہند کریں۔

عبوری حبدول کے حصول کے بعب رسیبرونی مداحن ل تب یل کر کے دور کے عسبوری حسال پر غور کسیاحب سکتاہے۔

#### ۱۱.۱.۲ بهساو کاحب دول

شکل 4.11 مسیں عبوری حبدول کھتے ہوئے حنانوں مسیں بوولین طسرز پر حسال درج کیے گئے۔ دو محنارج کی صورت a مسیں حیار حسال ( a 0 ، a

شکل 6.11 مسیں پیش ہیں و کے حبدول کے ہر صف مسیں صرف ایک مستحکم حسال پایا حباتا ہے۔ پہلی صف مسیں صرف 000 اور دوسری صف مسیں صرف 001 مستحکم حسال پائے حباتے ہیں۔ ایسا حبدول جس کی ہر صف مسین صرف ایک مستحکم حسال پایا حباتا ہو اولی ہماو کا جدول آلہلاتا ہے۔

feedback loops17

flow table 12

primitive flow table

سشکل 7.11 مسیں ایک ایب ایب اوکا جبدول پیش کی اگیا ہے جس کی صفوں مسیں ایک سے زیادہ مستحکم حسال پائے حب تے ہیں۔ مشاؤ، پہلی صف مسیں مستحکم حسال 000 ، 011 ،اور 010 ہیں۔ ایسے جبدول کو غیر اولی بہماو کا جدول <sup>21</sup> کہتے ہیں۔

ہباوے حبدول سے دور حساس کرنے کے لئے پہلے عبوری حبدول حساس کسیاحباتا ہے۔ بہباوے حبدول کے دو صف ہیں لہذا دور کے دو حسال ہوں گے۔ دو مکنت صور توں کو ایک بیٹ عصد د ظاہر کر سکتا ہے۔ یوں حسال a کو 0 اور حسال b کو 1 کو 1 کو 2 کو 3 کو 4 کو 4 کافٹ عبوری حبدول حساس کرتے ہیں، جو سشکل 1.1.7 میں دکھایا گیا ہے۔ دور کے اگلے محتاری کو 1 کافٹ عسل حساس کرتے ہیں۔

$$(II.r) Y = \overline{x}_1 x_0 + x_1 y$$

اس تقناعب کادور شکل 8.11 مسین د کھیایا گیاہے۔

سنگل 7.11 میں پیش ہوا کے حبدول کے استعال پر شنگل 9.11 کی مدد سے غور کرتے ہیں۔ منسرض کریں ہیسرونی مداحنل  $x_1$  کی قیست  $x_2$  میں ہوری دور حسال  $x_3$  میں ہوری کے بغیبر  $x_4$  کی قیست  $x_5$  کی قیست  $x_5$  کی جائز ہور جائے ہوری حسال  $x_5$  کے بغیبر  $x_5$  کی اور دور حسال  $x_5$  معلی افزار کرے گا۔ آب اگر  $x_5$  کی قیست ہی 1 کر دی حسال  $x_5$  اختیار کرے گا۔ آب اگر  $x_5$  کی قیست ہی 1 کر دی حسال  $x_5$  کی تعبد مستحکم حسال  $x_5$  اختیار کرے گا۔ آب انتظامی خانہ کہا گیا ہو جہال حسار اختیار کی جہال ختیار کی جہال میں بی دی کے جہال جہال کا محسول طاہر کی اس مستحکم حسال  $x_5$  کا محسول طاہر کرتا ہے۔ تیسر دار کلیسروں سے خلیم کی کا محسول طاہر کرتا ہے۔ تیسراتیسر مستحکم حسال  $x_5$  کا محسول طاہر کرتا ہے۔ تیسراتیسر مستحکم حسال  $x_5$  کا محسول طاہر کرتا ہے۔ تیسراتیسر مستحکم حسال  $x_5$  کا محسول طاہر کرتا ہے۔ تیسراتیسر مستحکم حسال  $x_5$  کا محسول طاہر کرتا ہے۔ تیسراتیسر مستحکم حسال  $x_5$  کا محسول طاہر کرتا ہے۔

 $x_0$  کی تیست کے برخکس، ابت دائی حنانے سے آغناز کرتے ہوئے  $x_1$  برفت داراور  $x_0$  تب بل کرنے کی بحبائے ہم میں گی تیست  $x_1$  کی تیست ہوئے  $x_2$  کی تیست  $x_3$  کی تیست کی گی تیست ہوئے  $x_4$  کی تیست ہیں  $x_4$  کی تیست ہیں 1 کردی حبائے، یعن  $x_4$  کی حبالے، توافقتا کی حبال برفت دار  $x_4$  کی تیست کی دورسرا افتقا می خانہ کہا گیا ہے۔

آپ نے دیکھ اختای حسال ہیں ہونی مداحسل کی تبدیلی کی ترتیب پر مخصس ہے۔ اسس مشال مسیں اہت دائی ہیں ہونی مداحسل 00 جب انتقامی ہیں۔ یادر ہیں بناوی کی طرافت کار کرد گل مداحسل 10 ہیں۔ یادر ہیں بناوی کار کی شعر الکا کے تحت، (دور کی درست کار کرد گل کے ضروری ہے کہ) ایک سے زیادہ ہیں ہونی مداحسل ہیک وقت تبدیل ند کیے حب ئیں۔ یوں 00 سے آعن از کرکے ہم سیدھ 11 نہیں کر سے ۔ ایس کرنے سے (نافت بل معلوم تاخیسر کی بنا پر) درست اختامی حسال حبانسانا مسکن ہوگا۔

#### ۱۱.۱۳ حسالت دوڑ

مالت دوڑ ۱۸ کا تذکرہ ایس آر پلٹ پر تبصیرے کے دوران کیا گیا۔اس جے مسین اس پر تفصیالاً گفتگو کی جبائے گی۔حالت دوڑ اسس صورت کو کہتے ہیں جب ہیں رونی اشارے کی تبدیلی ایک سے زیادہ حیال تبدیلی کرتا ہو۔نا

non primitive flow table 12

race condition'A

ا.اا. تحب زب 1.4

معسلوم تاخیسر کی بن پر حسال کی تب ملی مکمسل طور پر حسانت ممسکن نہیں ہو گا۔مشلاً، منسرض کریں دو حسال دور کاموجودہ مستحکم حال 00 ہے اور بیسرونی مداحنل تب یلی کرنے سے دونوں حال تب دیل ہوتے ہیں ، اور دور آحنے کار 11 مستحکم حسال اختیار کرتا ہے۔ پہلی بازری راہ کی تاخب ر دوسے ری بازری راہ کی تاخب رہے کم ہونے کی صورت مسین دور مستحکم حسال 00 سے عبوری حسال 10 اور آحن رکار مستحکم حسال 11 اختیار کرے گاجب، دوسسری راہ کی تاخیسر پہلی راہ کی تاخیسر ہ کو نے کی صورت مسین دور عبوری حسال 01 سے گزر کر مستخکم حسال 11 تک پہنچے گا۔ آپ نے ریکھ کہ (نامعیاوم تاخب رکی بنیار) حیال تبدیل ہونے کی ترتب حیانت ممکن نہیں۔

جے عبوری سال کی تبدیلی کی ترتب اختتای سال متعسین کرنے مسین کر دار ادا کرتی ہو اور دور دو مختلف اختتای مستحکم حسال اختیار کرنے کی صلاحیت رکھت ہو وہاں دوڑ کو **بحرافیر دوڑ <sup>۹ کہ</sup>یں** گے۔ سود من داستعال کے لئے ضروری ہے کہ دور مسیں بحسرانی دوڑ کی صورت بیب دانبہ ہوتی ہو۔ جیساں عبوری حسال کی تب ملی کی ترتیب اختیای مستحکم حسال پراڑ انداز ن ہوتی ہو وہاں دوڑ کو غیر بحرافی دوڑ ۲۰ کہیں گے۔

x اور حال x اور حال x اور عال xحال کو مکل مال  $y_1y_0x$  کلھے ہوئے سال 000 سے آغاز کرتے ہیں دنی مداحشل 0 سے 1 کرنے سے دور اختای حال کی حبانب دوڑ لگائے گا۔ نامعلوم تاخیسر کی بنایر ہم نہیں حبانے دور تین مکن حسال 011 ، 111 ، اور 101 مسیں سے کس حسال کو پہلے پنچے گا۔ یہ شینوں عبوری حسال پہلی صف مسیں دکھائے گئے ہیں۔ عبوری حسال 011 پہلے پہنچنے کی صورت مسیں دوریہاں سے ہوتے ہوئے اختابی مستحکم حال 011 اختیار کرے گا، جس کو دوسری صف مسیں دائرے مسیں بند د کھیا اگیا ہے۔اگر دونوں بازری راہ مسیں مائل تاخیب برابر ہوں، دورعبوری حیال 111 پہلے پہنچے گا اور یہاں ہے ہوتے ہوئے اختای مستحکم حبال 111 اختیار کرے گا، جس کو تبیسری صف مسین دائرہ مسین بند د کھایا گیاہے۔ تیسری صورت مسیں دور عبوری حیال 101 پیلے پنچتاہے جہاں سے یہ آحن ری صف کی حسانے رواں ہو گا، لیسکن آحنے ری صف از خو د عصبوری حسال ہے لہنذا دور اسس عصبوری حسال سے بھی گزر کر آحنے ر کار تیب ری صف کے اختای مستحکم حیال 111 پہنچے گا۔اسس مشال مسین دواختای حیال مسکن ہیں۔ یہ دریافت کرنا x=0 کا قطباراس کے مسال کو پنجے گا۔ شکل مسیں ہائیں حبانبx=0 کی قطباراس کے مسال ر کھی گئے ہے کہ ہم صرف x=0 ہے x=0 کرتے ہوئے دور پر غور کررہے ہیں جس مسیں مائیں قطبار کے اندراحیات

شكل 11.11 مسين بحرافي دوڑ كى دوسسرى مشال دكھائى گئے ہے جہاں تين اختاى سال مسكن ہيں۔ محكل منتحكم عالم 000 سے آغن زکرتے ہوئے بیسرونی مداحنل x کی قیسہ 1 کرنے سے دور اختیامی حسال کی طسر ف دوڑ لگائے گا۔ بالکل أوپر مثال کی طسرح، تین مکنہ عبوری حال ہیں۔ایک عبوری حال 2011 ہے جہاں سے یہ دوسسری صف مسیں د کھائے اختتای مستقکم حسال 011 پہنچے گا۔ دو سراعبوری حسال 111 ہے جہاں سے بیہ تیسسری صف کے اختتامی مستکم حیال 111 ہینچے گااور تیسراعبوری حیال 101 ہے جہاں سے یہ آمنسری صف مسیں د کھائے اختابی سنحكم حبال 101 پنچ كاله نامعساوم تاخيير كي بناير ب حبانت ممسكن نهين كه دور حقيقت مسين كس اختاى حبال كو

critical race19

non-critical race

اب غیسہ بحسرانی دوڑی ایک مثال دیکھتے ہیں جو سٹکل 12.11 میں دکھائی گئی ہے۔اسس مثال میں 000 سے آغناز کرتے ہوئے تین عبوری حال مسکن ہیں۔ ایک عبوری حال 101 ہے جہاں ہے دور دوسری صف کے عبوری حال 101 سے گزر کر آخنسر کار چوتھی صف کے عبوری حال 101 سے گزر کر آخنسر کار چوتھی صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچ گا۔ دوسراعبوری حال 111 ہے جہاں ہے دور تیسری صف کے عبوری حال 101 ہوتے ہوئے 101 ہوتے ہوئے آخنسر کار آخنسری صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچ گا۔ تیسراعبوری حال 101 ہے جہاں ہے گا۔ تیسراعبوری حال 101 ہے جہاں ہے گزر کر دور آخنسری صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچ گا۔

اسس مثال مسین اگر حپ تین مختلف ممسکنات موجود بین تاہم اختتا می مستحکم حسال سب کاایک ہے اہلے ذایب غیسر بحسرانی دوڑ ہوگی۔

مخصوص اور منف رد عبوری حسال سے گزر کر انفتامی مستخلم حسال اختیار کرنے کو سچھیرا ''لگانا کہتے ہیں۔اسس کی مشال سشکل 13.11 مسیں دی گئی ہے۔ان اسشکال مسیں حسالت دوڑ نہسیں پائی حباقی چونکہ ایک وقت مسیں صرف ایک منسارج حسال تب بل کرتاہے،البت اختیامی حسال تک بینجنے کی حن طسر دور کو مخصوص اور منف رد عبوری حسال سے گزرناہو گا۔

شکل-الف میں مستخام سال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عبوری سال 10 کے بعید عبوری سال 11 سے گزر کراختای مستخام سال 10 پہنچا گیا۔ شکل-ب میں مستخام سال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عبوری سال 10 کے راستے اختای مستخام سال 11 اختار کیا گیا۔

### ۱۱.۱.۴ توازن ادر ارتعب سش

ایسا دور جو پھیرے لگاتے ہوئے کی بھی اختتای مستحکم حسال تک سند بنٹیجائے غیر منحکم دور <sup>۱۲</sup> کہا تا ہے۔ شکل 14.11 مسیں اسس کی مشال دکھائی گئی ہے جہاں ہیں دونی مداحنل 1 کرنے سے دور مستحکم حسال تک بہتی بغیبر مستحکم ہیں حسال سے عصبوری حسال منتقبل ہوگا۔ ایسے ادوار بطور مرتعثی <sup>۱۲</sup> ستعال کیے حباتے ہیں۔ ادوار کو کبھی بھی غنیسر مستحکم ہمیں ہونے دیا حب تاماسوائے جب انہیں بطور مسر تعش استعال کرنامتھ ہو۔

## ۱۱.۲ حالت دوڑ سے پاک شنائی عسلامتوں کا تقسرر

حسالت دوڑ کی صورت اسس وقت پیدا ہو گی ہے جب ایک سے زیادہ محنارج بیک وقت حسال تبدیل کرنے کی کوسشش کریں۔ بحسرانی دوڑ کی صورت مسیں ادوار تبابل استعال نہیں رہے۔ اسس ھے مسیں بحسرانی دوڑ کے حناتے پر غورکی حرافی دوڑ کے محناتے کو کسی حسام دور کاصرون ایک مداحنال خورکی حب کا یک وقت پر غیسر معناصر دور کاصرون ایک مداحنال تبدیل ہو مکتاہے ، اہلے ذاریہ حس پڑھتے ہوئے ایک سے زیادہ مداحنال کی تبدیل کی فنکر مت کریں۔

جن ادوار مسین ایک وقت پر صرف ایک محسّارج حسال تب مل کرنے کی کوسشش کرتا ہو، وہ حسالت دوڑ سے دو حسار نہیں ہوتے۔اسس حقیقت کوبروئے کارلاتے ہوئے حسالت دوڑ حسنتم کی حباتی ہے۔

cycleri

unstable circuit

oscillator

عبوری حبدول کے حصول کے بعبہ اسس مسیں درج حسال کوشن کی عبدامسیں تعسین کی حباتی ہیں۔ ان حسال کو ہمماییہ شائی عبدامسیں تعسین کی حباتا ہو بحسرانی دوڑ سے پاک دور شائی عبدامتیں مختص کرنے سے جن کے ماہین عبوری حبدول مسیں شبادلہ پایا حباتا ہو بحسرانی دوڑ سے پاک دور مسل ہوگا۔ دوالیے شن کی اعبداد ہممایہ اعداد ہممایہ اعداد مہمایہ اعداد ہم مایہ اعداد ہم حسین صرف ایک بعد مسین صرف ایک بعد مسین عبدار میں جو نکہ ان مسین صرف ایک بیٹ مسین میں بہت ہیں۔ ای طسرح 1110 اور 0110 آپ مسین بہت ہیں۔ اسی بہت ہیں۔

کبھی کبھسار حپار صف عبوری جبدول مسین دوہِٹ حسال کامتغیسریوں تقسیرر کرناممسکن ہو گا کہ حسالت دوڑ پہیدان۔ ہو۔

a ناکل a ناکل a ناکل a نگر ہے۔ یہاں a ناکل a ناکل a نگر ہے۔ یہاں a ناکل a

مذکورہ بالا دومثالوں سے ظبہر ہے کہ موجو دہ مسئلے مسیں دوبٹ حسال کا متغیبر مختص کرنے سے حسالہ دوڑ سے نحبات حساس کرنا مسکن نہیں۔ ایک صورت مسیں حسالہ دوڑ سے پاک حسال کا متغیبر منتخب کرنے کے لئے ہم ایک بیٹند پہلے تقرری مسئل خاصریق استعال کرتے ہیں، جس کا استعال نہایہ تسان ہے۔ آیۓ ای مشال پر اسے استعال کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

مشکل 16.11 مسیں حسال کا متغیب حیار ہٹ رکھا گیا ہے اور اسس مسیں ایک وقت پر صرف ایک بیٹ بلند مسیں ایک وقت پر صرف ایک بیٹ بلند کے۔ یوں حسال c ، b ، a ، اور d کے لئے حسال کے متغیبر بالت مرتب 0000 ، 0000 ، اور 1000 مقسرر کے گئے۔

شکل 16.11 میں حبدول کی پہلی صف میں مداحشل کی قیمت 00 سے 10 کرنے سے دور حسال a سے حسال

adjacent numbers rr

one hot bit assignment ra

اب پہلی صف مسیں مداحن 00 ہے 01 کرنے ہے دور حسال a ہے عصبوری حسال e افتیار کرتے ہوئے آحن رکار افتیای مستحکم حسال d پنچت ہے۔ اسس عمسل کو نقطہ دار تسیہ دار کسیہ دوں سے ظاہر کسیا گلیا ہے۔ اسس پورے عمسل مسیں ہر وحد م پر حسال کے متغیر کا صرف ایک بیٹ تب بل ہوتا ہے لہذا حسال دوڑ پیدا نہیں ہوگا۔ عصبوری حسال e کی صف مسیں باقی حن نے حسال رکھے گئے ہیں۔ ان مسیں سے پھھ حن نے زیر استعال آئیں گے اور پھھ نہیں۔ استعال مسیں سے آنے والے حن نے حسال رکھے حب تے ہیں اور ان حسال کی قیمت غیر ضرور کی اس جوگا۔

پہلی صف میں مداخنل 00 سے 10 کرنے سے شکل 17.11 میں حیال a سے حیال c حیال کا مختل مختل مختل مختل میں حیال سے دوڑ پیدا ہوگی، جس سے ہم مذکورہ متنجیسر a منافع ہونا حیال ہوکر a منافع ہونا حیال ہوکر a ہونا حیال ہونا حیال کرتے ہیں۔

یجی طسر پیت کارتمام حنانوں کے لئے دہر ایا حباتا ہے۔ایسا کرنے سے شکل 19.11 حسامسل ہوگا۔ آپ سے گزار شس کی حباتی ہے کہ یہ حب دول خود حسامسل کریں۔ تسلی کر لیں کہ اسس حبدول مسیں کمی بھی حسال سے دوسرے حسال تک چینجے مسیں حسالت دوڑ پسیدانہ میں ہوتی۔

## ۱۱٫۳ معبوری حب دول کی مد د سے پلیٹ کا تحب ز ہے۔

عبوری حبدول استعال کر کے سے اسس مھے مسیں پلٹ کا تحب نریب کیا حبائے گا۔ چند مثالوں کے بعید ھس۔ ۳.۱۱ مسیں اسس طسریقب کارپر متدم بات دم غور کمپ حبائے گا۔

#### ا.۱۱.۳ ایس آرپلٹ

عبوری حبدول استعال کر کے سب سے بہلے ایس آر پلٹ پر غور کرتے ہیں۔ شکل 20.11 مسیں اُوپر ایس آر پلٹ اور نینچ ای کو بطور **بازر ہی دور پیش** کسیا گسیا ہے جہاں **بازر ہی اشارہ q** کی پہپان آسان ہے۔

don't care

q ستغیر Q کو بطور باز ری ایشارہ q استعال کیا گیا ہے۔ یوں حال کا متغیر Q ، اندرونی مداحنل Q بین بین استعال کرتے ہوئے عبوری حبدول حیاصل کی گئی ہے (مشکل 20.11 دیکھ بین)۔ آیے اس پلٹ کا محبدول صداقت دیکھسیں)۔ آیے اس پلٹ کا محبدول صداقت مدارحہ ذیل ہے۔

S	R	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$
0	0	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
0	1	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0

حبدول سے ظاہر ہے کہ جمع متم گیٹ پر مسبنی ایس آرپلٹ استعال کرتے ہوئے دونوں مداحنل ہیکوقت بلند کرنے کا احبازت نہیں۔ دونوں مداحنل ہیکوقت بلند کرنے سے پلٹ کے محناری Q اور Q ہیکوقت بیت ہول گے جبکہ ہر صورت ان کا آپ مسین متضا درہنا ضروری ہے۔ درج ذیل مساوات پر پورااتر نے سے سشرط پوری ہوگی۔

$$S \cdot R = 0$$

شکل 21.11 پر نظسر رکھ کر آگے پڑھسیں۔ عبوری جبدول کی SR=01 قطبار اور Q=0 ھنے میں مستحکم حسال پایاحیا تا ہے جہاں حسال کا متغیب ریست Q=0 ہے۔ عبوری حبدول کے تحت SR=00 کرنے سے حسال کا متغیب ریست رہے گا۔ شکل الف مسین نقطہ دار تعیب دار کسیب راسس عمسال کو ظاہر کرتی ہے۔

q=1 کی صورت مسیں پایٹ کابلٹ دمستگام مسال q=1 کی صف مسیں پایا جب اتا ہے۔ عسبوری حمد ولی خط ابق SR=0 کرنے سے پلٹ بلٹ د حسال مسیں رہے گا، جیسا مشکل – ب مسیں د کھایا گیا ہے۔ جہ دونوں اعمال پلٹ کے بوولین جب ولیسے بھی واضح ہیں۔

اب دیکھتے ہیں SR = 11 کے آغناز کرتے ہوئے SR = 00 کرنے سے کسی صورت پیداہوتی ہے۔یادر ہاں ادوار کو بنیادی طراح کارے تحت پیایا جہاں ایک سے زیادہ بسیر دفی مداحت کی ہیں اجبان کہ نہیں۔ بہسر حسال پیسر بھی دیکھتے ہیں کہ ایس کرنے سے کسی مصابق کہ ایس میں متضاد جب کی بھی پلٹ کے لئے لازم SR = 00 SR = 00 کرنے سے قبل Q اور  $\overline{Q}$  دونوں پیست ہوں گے ناکہ آپ میں متضاد جب کہ کہی پلٹ کے لئے لازم ہے کہ اسس کے دونوں میں متضاد جب کہ بھی پلٹ حسال ہوں۔ ساتھ ہی مصبوری جدول کے تحت اگر Z پہلے پیت حسال اختیار کرلے تو اختیا تی حسال Z ہوگاہ ہے ہیں۔ ہوگاہ ہے ہیں جو تب اختیا تی حسال Z ہوگاہ ہوگاہ ہے ہوگاہ کہ است کے دور کایوں استعال غیسر بھتینی صورت ہے۔ داکرے گا۔

#### ۱۱.۳.۲ ساعت کے کن ارہ پر چلت اہواڈی پلٹ

شکل 22.11 ڈی پلٹ دکھسایا گیاہے جو ساعت کے کسنارہ پر چلتاہے۔ ڈی پلٹ مسین اندرونی بازری دورپایا حباتاہے جس کے اندرونی حسال کے متخصرات S اور ۲ میں ۲۰ شکل مسین ڈی پلٹ کو دوبارہ جس کے اندرونی حسال کے متخصرات S اور ۲ میں 12 کی پھیان آسان ہو۔ بازری دورکے طسرزیر بسایا گیاہے تا کہ بازری احشارات S اور ۲ کی پھیان آسان ہو۔

اسس دور مسیں S اور R سال کے متغیرات ، S اور r بازر کا اشارات ، جبکہ C اور D بیسرونی مداخنل S بین یوں درج ذیل کھیا جب سکتا ہے۔

$$A = \overline{sB}$$

$$B = \overline{Dr}$$

$$S = \overline{AC} = \overline{A} + \overline{C} = \overline{\overline{sB}} + \overline{C} = sB + \overline{C} = s(\overline{rD}) + \overline{C}$$

$$= s(\overline{r} + \overline{D}) + \overline{C}$$

$$R = \overline{BCs} = \overline{B} + \overline{C} + \overline{s} = \overline{\overline{Dr}} + \overline{C} + \overline{s}$$

$$= Dr + \overline{C} + \overline{s}$$

ان مساوات ہے حسامسل S اور R کے بودلین حبدول کو کارناف نقشوں کی طسرز پر لکھ کر مشکل 23.11 مسیں د کھسایا گیا عسبوری حبدول حسامسل کیا گیا۔ ممکل حال \*srCD کی صورت مسیں لکھتے ہوئے اسس حبدول پر غور کرتے ہیں۔

ونسر فن کریں جس لیے پلٹ کو برقی طباقت مہیا کر کے زندہ کیا حباتا ہے اسس لیمے ساعت، C ، اور ہیں وونسر ونی مداخنل، D ، دونوں پست ہیں۔ عبوری حبدول کے مطبابی دور D = 00 کی قطبار مسیں ہوگا۔ اس قطبار مسیں میں حبوری حبال کے متغییر ظاہر کرتے ہیں۔ ان حنانوں مسیں عبوری حبال کے متغییر ظاہر کرتے ہیں۔ ان حنانوں مسیں عبوری حبال SR = 11 ظاہر کرتا ہے۔ اگر برقی طباقت کی و فسر انہی کے SR = 11 طبیر کرتا ہے۔ اگر برقی طباقت کی و فسر انہی کے تاخیہ دائی ہوں کہ دور ان تین عبوری حنانوں مسیں ہے کی ایک مسیل داخنل ہو تو وہ یہاں ہے جبالہ SR = 11 کی حسالہ فتیار کرے گا۔ اگر زندہ ہوتے ہی دور سیدھ ایک 1100 حن نے مسیں داخنل ہوتیہ وہ یہی رہے گا۔

اسس کے بر مکسس برتی طباقت مہیا کرنے کے لیے اگر C=1 اور D=1 ہوتب عبوری حبدول کے مطبابی دور 1010 یا 1010 مستحکم حسال بینی کر یہی رہے گا، جب کہ C=1 اور D=0 کی صورت مسین دور 1010 یا 1010 حسال مسین ہوگا۔

پیت ساعت کی صورت مسین حسال کے متخصیہ SR کی قیمت 11 رہتی ہے۔ عسبوری حبدول مسین 11 رہتی ہے۔ عسبوری حبدول مسین 11 رہتی ہے۔ عسبوری حبدول مسین 11 رہتی ہے۔ 20 اور CD = 00 کی دوقط ارین اسس حقیقت کو ظاہر کرتی ہیں جہاں تمام SR کی قیمت 11 ہے۔ ہم حبانتے ہیں ایس آر پلٹ کے دونوں مداخت بلبند ہونے کی صورت مسین پلٹ ایسنا حسال بر متسرار رکھتی ہے۔ بول مشکل 22.11 میں حنارتی پلٹ ایسنا حیال بر متسرار رکھی گا۔

<sup>۔ &#</sup>x27;'اس کتاب مسیں خرب متم گیٹ پر مسبنی ایس آر پلٹ کے مداخشل عصوماً  $\overline{S}$  اور  $\overline{R}$  کلھے گئے ہیں۔ یہاں S اور R کلھا گیا ہے۔ امسے کی حیاتی ہے کہ اسس سے پریشانی پیدانہ میں ہوگی۔ complete state  $\overline{S}$ 

یبت ساعت، C=0 ، اور بیت D کی صورت مسین مستحکم حسال کا متغییر SR حساس کرنے کی SR علی SR SR علور CD=0 وطار مسین و بیختے ہیں جہاں ہمیں ممکل عالی SR=1100 وطار مسین SR=1100 وطار مسین SR=1100 کی کراہے احبار کریے گیا ہے۔ یہاں SR=1100 کی برول سے دبار کرے گیا۔ برول سے دبار رکھے گیا۔

پست ساءت اوربلند D کی صورت مسیں D D کی قطار مسیں مستحکم حسال 1101 پیاحب تا ہے جہاں D جہاں D ہوریوں حسار ہی پلٹ اپناحسال برقت رارر کھے گی۔ جبدول کے اسس حسانے مسیں D کھر کر اسے احسار کریا گسیا ہے۔

اسس پورے عمسل پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حپڑھائی آتے ہی دور عسبوری حسال 1110 سے گزر کر مستقلم حسال 1010 اختیار کر تا ہے۔ ان دونوں حسال مسین 3R = 10 رہتا ہے اور یوں عسبوری حسال سے گزرتے ہوئے کرنے ہوئے کرنے ہوئے کر گئرت ہوئے کرنے ہوئے کہ جس پر کسی بھی عسبوری حسال سے گزرتے وقت SR کی قیمت وہی ہوگا جو اسس و تعدم کے اختیابی حسال مسین ہوگا۔ یوں ان لمحسات پر لرزمشن سے کسی قتم کی غیسیر یقشینی صورت پیساد انہیں ہوگا۔

1111 ای طسرح مکسل حسال SrCD = 1101 مسیں موجود دور ، ساعت کے کسنارہ حپڑھ آئی پر ، عسبوری حسال n تک سے گزر کر مستخکم حسال 1111 افتیار کر کے گا۔ اسس صحم کو حسان ہ d سے حسان ہ d کے حسان ہ d کی در است حسان ہ بستہ بسیر دار لکسیہ رقب ہر کرتی ہے۔ یہ وحد مہلند بسیر دونی مداحسل d d ور ساعت کے کسنارہ حپڑھ آئی پر d ور ساعت کے کسنارہ حپڑھ آئی پر d ور ساعت کے کسنارہ حسان ہوگر ڈی پلٹ کامحسنارہ بلند d ور المحسن ہونے والا عمل ہے جس سے داحسن پلٹ بلند ہوکر ڈی پلٹ کامحسنارہ بلند ور کر ڈی پلٹ کامحسنارہ بلند ور کر ڈی پلٹ کامحسنارہ بلند ور کر دی پلٹ کی بلند کے مسابقہ کی مصورت مسین ہونے والا محسن کے دور مسین ہونے والا محسن کے دور کی بلند کی بلند کی بلند کی بلند کی بلند کی بلند کے دور کر دی بلند کی بلند کی بلند کی بلند کی بلند کی بلند کر دی بلند کی بلند کر کر بلند کی 
ا عتے کنارہ اترائی پر ہونے والے عمسل کو نقطہ دار تسیر دار ککسیروں سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ انہمیں آپ خود مسجھ سکتے ہیں۔ یہ دونوں ککسیریں سے حقیقت واضح کرتی ہیں کہ ساعت کے کسنارہ اترائی پر عسبوری حسال اور انتقامی مستحکم حسال دونوں مسیں 11 ھے SR ہوگالہذا ہیں دونی پلٹ اپن حسال ہر قت را در کھے گی اور یوں ساعت کے کسنارہ اترائی پر ڈی پلٹ کے حسال مسیں کی فتم کی تب یلی رونی نہیں ہوگی۔

rising edge

ایک آحضری بات اسس پلٹ کے حوالے سے کرتے ہیں۔ شکل 22.11 مسیں R پیدا کرنے والے ضرب متم گیٹ کو S بطور واحضی الشارہ مہیا کیا گیا ہے، جس کی بدولت S اور R کی صورت بیکوقت پیت نہیں ہو سکتے۔یاد رہے کہ S اور S دونوں بیکوقت پیت ہونے سے بیسرونی پلٹ کے دونوں محضارج بلند ہو حبائیں گے جو کہ نامتابل و تسبول صورت ہوگی۔یوں عصبوری حبدول مسیں S اور S اور S اور S اور S کو کر نامتابل احب میں عصبوری حبدول مسیں S اور S اور S کو کر نامیا کو کہ کو کر نامیا کیا ہے۔

## ۱۱.۳.۳ ایس آرپایُوں پر مبنی غیب رمع اصرادوار کانت دم بات دم تحب زیب

مذکورہ بالامث الوں مسیں استعال کیے گئے طسریقہ کار کو یہاں بیان کرتے ہیں۔ پلٹ کے اپنے بازری اثارات کو نظسر انداز کرتے ہیں۔

- تمام پلٹوں کے محنارج کو  $Y_i$  ہے فلہ کریں جہاں  $i=0,1,2,\cdots$  ہے۔ محنارج ہے حاصل بازر می الشارے کو استعمال کرتے ہوئے  $y_i$  ککھیں۔ یوں  $Y_i$  ہے حاصل بازر می الشارہ  $Y_i$  کہا گا۔
  - تمام پلٹوں کے  $S_i$  اور  $R_i$  مداحنل کی مساوات حساس کریں۔
- جن متم گیٹ پر مبنی ایس آر پلٹ کے لئے تسلی کرلیں کہ SR=0 ہونے کی صورت مسیں پلٹ عناط نستانگے دے سکتا ایس آر پلٹ کے لئے  $\overline{S}$  ہونا ضروری ہے۔ ایس نہ ہونے کی صورت مسیں پلٹ عناط نستانگے دے سکتا ہے۔
  - اور  $R_i$  و کیے کر تمام پلٹ کے  $Y_i$  حاصل کریں۔

- وه حن نے جن مسیں y = Y ہو، مستکام حسال ظاہر کرتے ہیں۔انہ میں دائرہ مسیں بند کریں۔ یوں عسبوری حب دری حب دری حب دری دائرہ مسیں بند کریں۔ یوں عسبوری دری دری مسیل ہوگا۔

## إ\_\_\_ا

## سوالا \_\_\_\_

سوال ۱۲.۱: درج ذیل اعث اری اعب داد کوشن ائی روی مسین لکھیں۔ 4096 . 5.625 .; ئ. 128 33 .1 64 .\_\_ د. 256 و. 0.375 J. 6875 .Z سوال ۱۲.۲: درج ذیل شنائی اعب داد کواعث اری روی مسین لکھیں۔ 10 ./ 101101011 .a.1101 .c. 11001010011 . سوال ۱۲.۳: درج ذیل شنائی اعب داد کواعث اری روی مسین کھیں۔ 100.001 . ن. 101100.0 10.1 1111.1111 , 1011.01101 , 101.01 ... 1024 . و. 2048

سوال ۱۲.۵: درج ذیل اس سس سوله اعب او کواب سس آنچه اور شن کی روی مسین ککھیں۔

باب ۱۲ سوالات

FO : A.BC  $\sim$  1A .5 7 .1

FFFF  $\sim$  0.12 .9 2B3 .9 10 ...

سوال ۱۲.۲: درج ذیل شنائی محبسوعے حساصل کریں۔ان سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔جوابات کا مواز سے کریں۔

101 + 1011 . 1011 + 1101 . 110 + 101 . 110 + 101 . 11 + 101 . 11 + 101 . 11 + 101 .

سوال ۱۲.2: درج ذیل شنائی اعداد کے سوالات حسل کریں۔ان سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔وزیب کاموازے کریں۔

101 - 1011 ... 1111 - 1101 ... 110 - 101 ... 110 - 101 ... 111 - 101 ...

سوال ۱۲.۸: درج ذیل شنگی اعسداد کے سوالات حسل کریں۔انہیں سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔جو ابات کاموازے کریں۔

101.011 - 10.11 # 11.11 - 1.101 .2 110 - 10.1 # 111.1 - 11.01 . 101 - 10.1 . 101 - 10.1 .

سوال ۱۲.۹: درج ذیل اعشاری سوالات کوشنائی روپ مسین تبدیل کر کے حسل کریں۔

1024 - 63 ... 121.2 - 94.3 ... 64 + 32 ... 2056 + 1024 ... 36.09 + 22.24 ... 256 - 128 ...

سوال ۱۲.۱۰: درج ذیل اعث اری اعب داد کا تکمیا به نواور تکمیا به دسس حساصل کریں۔

سوال ۱۱. ۱۲: درج ذیل شن ائی اعبداد کا تلمها میاک اور تلمها مدوحها صل کریں۔

سوال ۱۲.۱۷: درج ذیل کے ادوار جمع، ضرب اور نفی گیٹوں کی مددسے بن میں۔

۱۱۸ پاپ ۱۱ سوالات

$$ABC + \overline{A}B\overline{C} + AB\overline{C}$$
 .\*  $\overline{X}\overline{Y}(X + \overline{Y})$  .&  $AB\overline{C} + \overline{A}\overline{B}C$  .

 $AB + BC + CA$  .  $A + B(A + \overline{C})$  .

سوال ۱۲.۱۸: ڈی مار گن کلیات کو پوولین حبدول سے اخت ذکرنے کے طسریقے سے ثابت کریں۔ سوال ۱۲.۱۹: پوولین حبدول سے اخت ذکرنے کے طسریقے سے درج ذل ثابت کریں۔

$$X + \overline{X}Y = X + Y$$
 .  $X\overline{Y} + XY = X$  .

سوال ۱۲.۲۰: درج ذیل کومجسوعی ار کان ضرب کی شکل مسین لکھیں۔

$$(A+B)(A+B+C)(C+B)$$
 .  $(A+B)(C+D)$  .  $(A+B+C)(\overline{B}+\overline{C})$  .  $(A+B)(\overline{B}+C)(A+\overline{C})$  . . . . . . .

سوال ۱۲.۲۱: درج ذیل کوضر بعب داز جمع کی شکل مسین لکھیں۔

$$X\overline{Y}(\overline{Y}\overline{Z} + YZ)$$
 .2  $X + \overline{Y}Z + \overline{X}\overline{Z}$  .  $XY + \overline{Z}X$  .  $XY + \overline{Z}X$  .

A = 0 ، B = 0 ، A = 0 ، B = 0 ، A = 0 ، B = 0 ، B = 0 ، B = 0 ، B = 0 ، B = 0 ، B = 1 ، B =

سوال ۱۲.۲۳: گزشتہ سوال مسیں دیے گئے تف عسل Y کو ضرب و جمع ادور کی مشکل مسیں بن میں۔ یہی تف عسل ضرب ممتم وضرب ممتم کا دورے حسا مسل کریں۔

C=0 ، ورج زبل صور تول مسين صف رC=0 ، ورج زبل صور تول مسين صف رC=0 ، ورج درج زبل صور تول مسين صف رC=0 ، ورج زبل صور تول مسين صف رC=0 ، ورج زبل صور تول کے عملاوہ اس کی قیمت ایک (1) رہتی ہے۔ ان معسلومات کو حبدول کی شکل مسین لکھ کر C=0 کی مساوات ضرب بعد داز جمع کے رویہ مسین حساصل کریں۔

سوال ۱۲٫۲۵: گزششته سوال مسین دیے گئے تف عسل Z کا جمع و ضرب دور ب نئیں۔ ای تف عسل کا جمع متم و جمع متم دور سنائیں

سوال ۱۲.۲۷: حبدول مسین B ، A ، اور C تین آزاد داخنگی متغییرات جبکه F1 ، F0 , اور F2 تابع متغییرات بین-بین-

AND-OR'NAND'

A	В	С	F0	F1	F2
0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	1	1

ا. تائع متغیرات باری باری مجموعہ ار کان ضرب کے رویہ مسیں لکھیں۔

سوال ۱۲.۲۷: درج ذیل تفع عسل محب موعب ار کان ضرب کی سشکل مسین ہیں۔انہیں ضرب بعب داز جمع کی سشکل مسین کئیں۔ کئیس۔

$$Y(A,B,C) = \sum (0,7)$$
 .  $Z(A,B) = \sum (0,1)$  .  $Z(A,B,C,D) = \sum (0,2,5,12)$  .  $F(A,B,C) = \sum (1,3,7)$  .  $F(A,B,C) = \sum (0,5,7)$  .  $E(A,B,C) = \sum (0,5,7)$  .

سوال ۱۲.۲۸: درج ذیل تف عسل ضرب بعیداز جمع کی ششکل مسین ہیں۔انہسیں محبسوعہ ارکان ضرب کی ششکل مسین ککھیں۔

سوال ۱۲.۲۹: انٹ رنیٹ ہے درج ذیل معسلوماتی صفحات حساصل کریں۔ یہ محسلوط ادوار پاکستان کے ہر شہسر مسیں نہایت سستے دام دستیاب ہیں۔ ۲۲۰ پاپ ۱۲۰ سوالات

ط. 4070	7404 .i	4000 .	7408 .E	7400 J
	4049 .Z	7432 .	4081 .	4011 .—

سوال ۱۲.۳۰: گزشتہ سوال مسیں 7400 ممنلوط دور کے معسلومات صفحات سے دریافت کریں کہ اسس مسیں موجود حسار گیٹوں کے محنارج کن پنیوں پر دستیاب ہیں۔

سوال ۱۲.۳۱: انٹ رنیٹ سے تین مداحن ل ضرب گیٹ اور حیار مداحن جمع گیٹ کے محنلوط ادوار دریافت کریں۔

سوال ۱۲.۳۲: 1.4 كارنان نقية مسين

سوال ۱۲.۳۳: شکل 1.12مسیں حیار مداحن ل دور دیا گیاہے۔

ا. اندرونی متغیب رات  $K_1$  اور  $K_2$  کی بوولین مساوات حساصل کریں۔

ب. حنارجی تائع متغیر F کی بودلین مساوات حساصل کریں۔

ج. ایک بودلین حبدول بن کیں جس مسیں حبار آزاد متغیبرات C ، B ، A ، اور D کی تمام ممکن ترتیب درج ہو۔ اسس حبدول مسیں K2 ، K4 ، K4 کے حنانے بن کر گر کریں۔

سوال ۱۲.۳۴: ایسابوولین حبدول بن نئیں جس مسیں تین مداحسل اور ایک محسارج ہو۔ حبدول ہوں پُر کریں کہ محسارج کی قیست صورت ایک معروف ایک مداحسل کی قیست صفسر (0) ہو۔ اسس حبدول کی مددے محسارج کار کی تیست صفسر (0) ہو۔ اسس حبدول کی مددے محسارج کار کسیبی دور تشکیل دیں۔

سوال ۱۲٬۳۵: حیار مداحنل کاایب بوولین حبدول سنائیں جسس کامحنارج صرونی اسس صورت بلسند ہوجب داحنلی شنائی عسد دکی قیت اعشاری نو 9 سے کم ہوتف عسل کاتر کسیبی دور تفکیل دیں۔

سوال ۱۲.۳۱: تین مداحسل اور تین محسارج کاایب بوولین حبدول تشکیل دیں جس مسیں داحسلی شنائی عسد دکی قیمت سات (7) سے کم ہونے کی صورت مسیں محسارج کی قیمت مداحسل سے ایک زیادہ ہوجب داحسلی قیمت سات کے برابر ہونے کی صورت مسیں محسارج کی قیمت صف ر (000) ہو۔

سوال ۱۲.۳۷: ا**قلیج دو**ر "ایسے ترکسیبی دور کو کہتے ہیں جسس کامداحنسل اسس صورت بلسند ہو تاہے جب اسس کے زیادہ تر مداحنسل بیست ہوں۔ تین مداحنسل اقلیستی دور تشکسیل دیں۔

سوال ۱۲.۳۸: ایک ترکسیبی دور تشکسیل دیں جواعث اری ہندے کا اس سس نو مندرج کرے۔اسس دور کے حیار مداحشل اور حیار محت اور حیار محتارج ہوں گے۔

سوال ۱۲.۳۹: تین بنے کے دواعب داد کامواز نے کرنے والاایب تر کسیبی دور تفکیل دیں جس کامحنارج اسس صور یہ بلند ہو ہوجیب دونوں اعب ادکی قیمتیں برابر ہوں۔

سوال ۱۲.۴۰: حیار بٹ کے دوشنائی اعبداد ضرب کرنے والاتر کیے بی دور تشکیل دیں۔

minority circuit

سوال ۱۲.۴۱: جمع متم گیٹ استعال کرتے ہوئے مشناخت کار تشکیل دیں۔

سوال ۱۲٬۴۲: ایک عسد و 8 × 3 مشناخت کار کی مدو سے درج ذیل تین تفاعسلات حساسس کریں۔اسس دور کو مشکل 25.5کی طسرز پر تفکسیل دیں۔

$$F_0(X,Y,Z) = \sum (0,3,7)$$

$$F_1(X,Y,Z) = \sum (1,2,5)$$

$$F_2(X,Y,Z) = \sum (0,1,2,3,5,7)$$

 $F(A,B,C,D) = \sum_{i=1}^{n} (0,1,4,7,13,15)$  وال ۱۲٬۳۳۳ در چن ال تا تا کو تا کار تا کو تا کو تا کو تا کار تا کار تا کو تا کو تا کو تا کو تا کار تا کا

سوال ۱۲.۴۴٪ مکمل جمع کار کودوعب د د داحنلی منتخب کار کی مد د سے حساس کریں۔

موال ۱۲٬۳۶۱: انٹرنیٹ ہے سات کلی نمب کئی تحتی کے معلوماتی صفحات حساس کریں۔ یہ سات نوری ڈاپوڈ پر مشتل ہوگا۔ بعض ادوار مسین تمہم نوری ڈاپوڈ کے مثبت سرپر 1 داپوڈ پر مشتل ہوگا۔ بعض ادوار مسین تمہم نوری ڈاپوڈ کا منفی سر مہیا کرے روشن کیا حب تا ہے اور بعض مسین تمہم کے مثبت سر آلپس مسین جوڈ کر مطلوب نوری ڈاپوڈ کا منفی سر میست کرکے اے روشن کیا حب تا ہے۔

 $\overline{Q}_{n+1}$  کامیان تابت کریں جے کے پاٹ کے مختارج  $\overline{Q}_{n+1}$  کامیاوات درج ذیل ہے۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{J}\,\overline{Q} + KQ$$

سوال ۱۲.۴۸: سشکل مسین ضرب گیٹ کا دورانی رد عمسل 10 نسینو سیکنڈ جبکہ جن گیٹ کا 15 نسینو سیکنڈ جب 15 بیٹ وسیکنڈ جب ہے۔ تا اور 72 مستحکم صالت مسین ہوںگے۔ (جواب: 75 ما 10 ns ، 10 ns)

سوال ۱۲.۴۹: ایک کمپیوٹر 2 GHz ساعت انشارے سے چلتا ہے۔ یہ انشارہ تیس فی صدوقت بلندرہتا ہے جبکہ اسس کا دورانیہ ارآئی پانچ فی صد اور دورانیہ حیث عسق انشارے کا دوری

seven segment display

باب ۱۲ سوالات

 $\sim 2.5 \times 10^{-11}\,\mathrm{s}$  ،  $\sim 10^{-10}\,\mathrm{s}$  : جسر صدى ، دوراني حي روراني دوراني دورا

سوال ۱۲.۵۰: جمع متم گیٹ پر مسبنی متعدد مداحشل ایسس آر پلٹ کے مداحشل ترسیم کیے گئے ہیں۔اسس کا محسار ج ترسیم کریں۔

سوال ۱۲.۵۱: آت وعنلام پلٹ کے مداحنل ترسیم کیے گئے ہیں۔ مینارج  $Q_a$  اور Q ترسیم کریں۔

سوال ۱۲.۵۲: شکل 25.6 مسیں سلمہ وارشنائی جمع کارپیش ہے۔اے استعال کرتے ہوئے 10110011 اور 10110011 ور 25.00110011

سوال ۱۲.۵۳: ایک ترتیب دور جس مسین دوڈی پلٹ، A اور B، استعال ہوئے ہیں کے مداحنل x اور y جبکہ محنارج z ہے۔ دور کی مب اوات درج ذیل ہیں۔

$$A(t+1) = \overline{x}y + xA$$
  

$$B(t+1) = \overline{x}B + xA$$
  

$$z = B$$

ا. ترتىبى دوربىن ئىں۔

ب. ان مساوات سے حال کاجبدول حساس کریں۔

ج. حال کے جدول سے حال کا حن کہ حاصل کریں۔

x اور B ، پر A اور B ، پر A اور A ، پر مبنی ترتیبی دور درج ذیل مساوات پر پورااتر تاہے۔

$$J_A = \overline{B}$$

 $K_A = x$ 

 $J_B = A$ 

 $K_B = x$ 

ا. ان سے حسال کی مساوات A(t+1) اور B(t+1) حساس کریں۔

ب. ان ماوات سے حال کاحن کہ بن ائیں۔

سوال ۱۲.۵۵: ووڈی پلٹ، A اور B ،استمال کر کے مداحن X کار تیبی دور تخلیق دیں جو بالت رتیب A ، D ،

سوال ۱۲.۵۲: گزشته سوال مسین مداحن e کااضاف کریں۔ بلند e کی صورت مسین دور جوں کا توں چلتا ہو جب کہ پیت e کی صورت مسین دوراپیناحسال برفت رارر کھتا ہو۔ سوال ۱۲.۵۷: بچھلے سوال مسیں مداحن کی تعبداد مسیں مسزید اصاف کرتے ہوئے مداحن 8 کا اصاف کریں۔ مداحنل 8 بلند کرنے سے دور کو حسال 00 افتیار کرلیٹ حیا ہے جبکہ پست 8 کی صورت مسیں دور کو پہلے کی طسرح کام کرنا حیا ہے۔

سوال ۱۲.۵۸: حپاربٹ سلسلہ وار دائیں منتقتل و فت رمسیں ابت دائی شنائی مواد 1011 موجود ہے۔ و فت رکا محنارج ای و فت رکو بطور مداحنل مہیا کمپا حباتا ہے۔ سات ساعت کے کسنارے گزرنے کے بعب د فت رمسیں کمپاعب دو و

سوال ۱۲.۵۹: گزشتہ سوال مسین دائیں منتقبل د فت ر کے بحب نے بائیں منتقبل د فت راستعال کرتے ہوئے جواب معلوم کریں۔

سوال ۱۲.۱۰: گزشته دوسوالات مسین ساعت کے ہر کنارے پر دفت رمسین شنائی عب دمعسلوم کریں۔

سوال ۱۲:۱۱: آٹھ بٹ سلیہ وار دائیں منتقتل دفت کا محتارج حیار بٹ سلیہ وار دائیں منتقتل دفت کو بطور مداختی و سال ۱۲:۱۱: آٹھ بٹ و فت مسین ابت دائی مواد 10110110 پایا حیاتا ہے اور اے 1010 مداختی و سنداہم کیا حیاتا ہے۔ آٹھ بٹ و فت مسین کیا اعتداد پائے حیائیں مسین کیا اعتداد پائے حیائیں گرنے کے بعد ان دفت مسین کیا اعتداد پائے حیائیں گرئے ؟

سوال ۱۲.۱۲: گزشته سوال مسین حیار برئ سلسله وار بائین منتقبل د فت راستعال کرتے ہوئے جواب حساصل کریں۔

سوال ۱۲.۷۳: آٹھ بٹ کے دوعب دعبالمسگیر و فت راستعال کرتے ہوئے سولہ بٹ کاعبالمسگیر و فت رحباصل کریں۔

سوال ۱۲. ۱۲: مشکل کے کے مسین سلمہ وارشنائی جمع کار دکھایا گیا ہے۔ آٹھ بٹ دفت ر۔ امسین 11001010 اور آٹھ بٹ دفت ر دفت ر-ب مسین 11100001 پایا حباتا ہے۔ تصور کریں ساعت کے آٹھ کسنارے گزرتے ہیں۔ ساعت کاہر کسنارہ گزرتے ہیں۔ ساعت کاہر کسنارہ گزرنے کے بعب دفت ر۔ امسین کسامواد موجود ہوگا؟

سوال ۱۲.۱۵: سلسلہ وارشنائی جمع کار سے سلسلہ وارشنائی منفی کار حسامسل کریں۔ منفی کر دہ عسد د کا تکمسلہ و فتسر - ب مسین متوازی لکھنا بھی و کھسائیں۔

سوال ۲۲.۲۱: حیار بند معاصر سیدها گنت کارکی موجودہ گنتی و 0101 ہے۔ ساعت کے کتنے کناروں بعد در 00000 ہوگا؟

سوال ۱۲.۱۷: سولہ بٹ معاصر گنت کار کی موجو دہ گنتی 3FA7<sub>16</sub> ہے۔ ساعت کے کتنے کنارے گزرنے کے بعد 80000 ہوگا؟(ا) تصور کریں ہے سیدھا گنت کارہے۔

سوال ۱۲.۲۸: حپار بٹ شن کی لہسریا گنت کار استعال کر کے شن کی مسرموز اعشاری گنت کار بن بیاحب سکتا ہے۔ لپس اشن کرنا ہوگا کہ 1010 پر پہنچ کر گسنتی فوراز برد سستی 20000 کی حبائے، جوایک ضرب متم گیٹ استعال کرنے سے مسکن ہے۔ زبرد سستی پیست صالحیت رکھنے والے پلٹ استعال کرتے ہوئے دور تحسیلی دیں۔

سوال ۱۲. ۱۹ ناز کی پلٹ استعال کرتے ہوئے حپار بٹ معاصر شنائی گئت کار تشکیل دیں۔

سوال ۱۲.۷۰: جے کے پلٹ استعال کر کے ایسام سام گنت کار تشکیل دیں جو 0 ، 2 ، 3 ، اور 7 کا گر دان کرے۔

باب ۱۲ سوالات

سوال ۱۲.۱۱: ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ایسا حپار بٹ شن ئی معاصر گنت کار تشکیل دیں جو صف ر (0000) سے چودہ (11112) تک جفت گستی کر بے اور الروں کا کارٹیک کارٹیک کے بعد ایک ور (00012) سے بندرہ (11112) تک طب تا گستی کرے اور اسس ترتیب کو دہر اتا ہے۔

سوال ۲۲.۲۱: سشکل 11.8 مسیں دورانیہ پیداکار دکھایا گیا ہے جہاں ساعت کاتعدد 10 MHz ہے اور درکار دورانیہ 500 میں دورانیہ کے تین بٹ کسیا ہوں گے؟

سوال ۱۲.۷۳: کارنان نقشے استعال کرے مساوات ۳.۸ ساس کریں۔

سوال ۱۲.۷۳: جے کے پلٹ استعال کرتے ہوئے مساوات ۸ m کی متبادل مساوات کسیاہو گی؟

سوال ۱۲.۷۵: مختلف جسامت کے حسافظوں مسین پت بٹ کی اعشاری تعبداد (۱) 4 ، (ب) 16 ، (ج) 32 ، اور (و) 132 موتام کتنے ہوں گئے ، اور کا جہان حسافظوں مسین الفاظ ذخیرہ کرنے کے معتام کتنے ہوں گئے ؟

سوال ۱۲.۷۱: حافظه کی جسامت عسوماً  $N \times D$  کسمی اور پکاری حباتی ہے ، جباں N حافظه مسیں الفاظ کی تعبد اداور D ایک لفظ مسیں بول کی تعبد اداور D ایک لفظ مسیں بول کی تعبد اداور D کا ماری D کا ماری کی تعبد کا ماری کی تعبد کی اور (د) D کا ماری کا تعبد کا ماری کی تعبد کی اور موادین کتنے ہوں گے ؟ D حافظوں مسیں بیت بین اور موادین کتنے ہوں گے ؟

سوال ۱۲.۷۷: کسی حسافظہ کے 50293<sub>10</sub> پت پر 172<sub>10</sub> مواد لکھا ہے۔اسس تک رسائی کے لئے سولہ پت برف کسیا ہوں گے اور اسس معتام سے کمپ آٹھ موادیڑھ ساحبائے گا؟

سوال ۱۲.۷۸: پارعب دو  $9 \times 2K \times 9$  حافظ ورایک عب دو  $4 \times 2 \times 2$  شناخت کار کی مدد سے  $8 \times 8K \times 9$  حافظ حیاصل کریں۔

سوال 14.41: دوعد د 8 × 256K × افظے استعال کرکے 26K × 16 حسافظے حساسس کریں۔

سوال ۱۲.۸۰: حیار پت اور آٹھ مواد بٹ حافظہ استعال کر کے نوکا پہاڑا حاصل کرنا ہے۔ حافظہ کوشنائی مصر موزاعث ارکاروپ مسیں 0 تا 9 اعث ارکا عدد بطور پت فضرائم کمیا حبائے گا۔ حسافظہ نے مواد بد جواب برجواب شنائی مسر موز اعث ارکاروپ مسیں پیش کرنا ہے۔ مثلاً ا، گر اے دو (0010) فضرائم کمیا حبائے تو یہ الحشارہ (00011000) من ارخ کرے۔ (۱) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ میں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ میں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ میں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ میں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ میں کھی مواد حبدول کی مشکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ میں کھی مواد حبدول کی مشکل میں کھیل مواد حبدول کی مشکل میں کھیل مواد حبدول کی مسین کھی مواد حبدول کی مشکل میں کھیل میں کھیل مواد حبدول کی مشکل مواد حبدول کی مشکل میں کھیل مواد حبدول کی مشکل میں کھیل مواد حبدول کی مسین کھیل میں کھیل مواد حبدول کی مشکل میں کھیل میں کھیل میں کھیل مواد حبدول کی مسین کھیل میں کھیل میں کھیل میں کھیل مواد حبدول کی مشکل میں کھیل میں کھیل مواد حبدول کی مشکل میں کھیل میں کھیل میں کھیل میں کھیل میں کھیل میں کھیل مواد حبدول کی کھیل میں کھیل می

سوال ۱۲.۸۱: حپاربٹ شنائی عدد مسیں 1 کی تعداد حبانت مقصود ہے۔ اسس کام کے لئے 4  $\times$  16 حسانظ استعال کی احباتا ہے۔ حسانظ کوشنائی عدد مسیں 1 کی تعداد مباور پہتے مہیا کی احباتا ہے۔ حسانظ ہے اسس عدد مسیں 1 کی تعداد مبلور مواد حنارج کرنا ہے۔ یوں اگر 1011 منسر اہم کی حبائے تو 2011 وصول ہوگا۔ حسانظ مسیں کھی آگیا مواد حدول مسیں کھیں۔

سوال ۱۲.۸۲: انشرنیٹ سے (۱) 2708 ، (ب) 2732 ، (ن) 2764 ، (د) 6116 ، (د) 6116 ، اور (و) 62256 روز (و) 62256 ، اور دورانی رسائی حافظوں کے معسلوماتی صفحات سامسل کر کے ان کی قتم (یعنی پخت یا عسارضی)، جسامت اور دورانی رسائی دریافت کریں۔ (ب حسافظ مختلف دورانی رسائی کی صسلاحیت کے لئے دستیاب ہیں۔)

# جوابات