عبد دی ادوار تنیق و تبزی

حنالدحنان يوسنونگ khalidyousafzai@hotmail.com

۹ر نومب ۲۰۲۳

# عتنوان

ix																																								~	َپ	ب\	دييه
xi																																-	Ļ	اح		كادب		_	ں کتا	<u> </u>	ى پې	_ر	^_
1																																						ام	ك	ئىن	ٺ	<b>:</b>	1
1																																. (	نحق	گر	ٍ امِ	نظ	ری	ث	اعہ		1.	1	
۳																																		حق	نسن	ر ام	ظ	تمی ن	ہشہ		۲.	1	
۴																																	ت .	÷	گر ب <sub>ا</sub>	٠_	انظه	نۇ	ش:		٣.	1	
4																								دله	ب	ىتىر	یر	_	ام.	ل	ئى ن	ٺ	ےشر	<u>-</u> _	<u>ٰ</u>	نظ	ری	ث	اعہ		۴.	1	
_																						ί.	ن	گر	ُ ام	ظ	i((	ىرى	ث	ع عر	_	او	_	/),	موله	س َ	_		ار		۵	1	
9																										•	_				-					-	_				۲.	1	
9																										-											_				۷.	1	
9																~	بادا	<b>-</b>	ئاتا	ير	_	روم	٠,	_		_	ےا	_,	سول	Ū	_		1	اور	أمخھ	Ū	_		1		٨	.1	
۳																																				_		_ار	حر	دی	ب	i.	۲
۱۴																												رنا	فی کر فی کر	ومن	بدا	مر	ل ا	ڀ	مر	٠.	بانظر	نۇ	ش:		1.	۲	
۱۵																															لہ	کم۔	5	r (	لٰہ	نگمس	ی پ	_	ار		۲.	۲	
14																						. ,	ل	تكمسه	6	(r	_	- 1	)	لمهيا	_	_ "		ایک	ننفى	ں.	_	ر	ار		٣.	۲	
14																																							روا		۴.	۲	
19																					لم																بدا				۵.	۲	
۲۱																																					_ او				٧.	۲	
۲۴																																					رب				۷.	٢	
<b>r</b> 9																																							نے ا	بالج	ولير.	لو	٣
۲9																														<b></b>	+را.	ا تص	اد ک	نے	کے با		الجبر	لين	بر بووا		.ريار ا.ا		
۳.	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	٠	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•			.,,	•	,,,	آ <u>ت</u> اض	سنطق	•	,	ير ا ا	س		•		

iv

۱۳۱	۲.۱.۳ منطقی جمع		
٣٣	۳.۱٫۳ منطق نفی		
٣٣	۳.۱٫۳ منطقی بلاشهرکت جمع		
۳۳	۵.۱٫۳ منطقی ضبِ مبلات شرکت جمع		
۳۳	برقی تارول مسین جوژ کی وضناحت	۲.۳	
۳۵	عبددی گیٹ	٣.٣	
۳۵	۱۳٫۳ ضرب گیٹ		
٣٩	۲٫۳٫۳ مجمع گیٹ ۲٫۳٫۳		
ڀ∠	۳.۳.۳		
۲۷	۳٫۳٫۳ متعددمدا حشل گیٹ بی		
٣٩	۵٫۳٫۳ ضرب متم گین اور جمع متم گین		
۲	۲٫۳٫۳ بلاشرکت جمع گیئ اور بلاشرکت جمع متم گیئ		
ممم	گیٹوں کے برقی خواص	س ہم	
۳۵			
۴٨	۳.۴.۳ مختلوط إدوار		
۹۳	بوولين تف عسل كاتخمين	۵۳	
۵٠	۱.۵٫۳ بودلین نقت عسل کاتخمیت		
۵۲	قوسين مسين سند يوولين تف عسل	٧.٣	
۵۳	پوولین الجبرا کے بنتیادی قوانین	۷.۳	
۵۸	ڈی مار گن کے کلیا <b>ت</b>	۸.۳	
41	حبيرُ وال بوولين قنت عسل	٩٣	
11	ار کان ضرب کے محب وعب کی ترکیب	1+.1"	
414	ار کان جمع کی ضرب کی ترکیب سیست	11.11	
49	ار کان جمع کی ضرب کی ترکیب محب موعب ارکان صفر ب اور ضرب بعب راز جمع کے مابین شبادلہ	14.14	
49	ضرب و جمع دورے متم ضرب و متم ضرب دور کا حصول 🔍	١٣.٣	
۱۷	جمع و ضرب دورے متم جمع و متم جمع دور کا حصول	سر بهما	
۷٢	عبالمتي روب بارموز	10.10	
۳۷	۱٫۱۵٫۳ ایسکی رموزاورعب کمی رموز		
21 2m	ا به اراد است. او گور اور طب کی گر موز مین با به ماری اعتداد کے شنائی رموز مین با ب		
2, ۷۵	۱٬۵۳۰ اکرواکرافخت و و در موز		
ΛI	_ نقث حبات	كارناف	٩
ΛI		1,0	
۸۳	كارنان فقتْ كى جَبِّرانَى	۲.۴	
۸۳	كار ناون نقتة ت تفت عسل كى ساده مساوات كاحصول	۳.۳	
۸۵	۱٫۳٫۴ دوآزاد متغییرتف عسل		
۸۸	۲٫۳۰٫۷ تین متغیب تف عسل ۲٫۳۰٫۰۰۰ مین متغیب تف عسل		
91	٣,٣,٠ حيّار متغي رتف عثل		
91	۲.۳.۴ پ دہ مساوات ہے تف عسل کے ارکان ضرب کا حصول ،		
911	ضر بعبداز جمع کی شکل مسین ب ده مساوات	۲۰٫۲۸	

ع-نوان

90	غيبردلچيپ حسال	۵.۴	
9∠	هی منطق اور تر نکسیسبی ادوار منابع می منطق اور ترکسیسبی ادوار		۵
94	شنائی قیم کاراورشنائی مفلی کار	1.0	
9A 1++	۱.۱.۵ نصف جمع کار		
1.4	۲.۱.۵ منسل جمع کار		
1•4	۵.۱.۵ اعشاری جمع کار		
1 + 9	شنائي شرب كار	r.0	
11+	شناخت کار	۳.۵	
114	شنانت کار کامد دسے تفعیل عمل کا حصول	۳.۵	
11.	دا حسلی منتخب کار اور حسنار جی منتخب کار میسی منتخب کار میسی کار میسی کار میسی کار میسی کار میسی کار میسی کار	۵۵	
17+	۱.۵.۵ خنار جی منتخب کار		
171 178	۲.۵.۵ دا حشلی منتخب کار		
150	ها.ه. ۲۰ دا می حب فاریح هف سان طلق می در در در می متوانی شدند. در	۲.۵	
•		٠.٠	
122	مر ترشیبی منطق اور ادوار		4
۳۳	گیٹوں کے اوت ہے کار	۲.۱	
۱۳۵	پلیٹ کار	۲.۲	
اسم ۱۳۰	باعث متم ضرب گیٹ ایس آریلٹ کار	۳.۲ ۲.۲	
1001	م سرب نیٹ اٹ عن از بیٹ فار ۱٬۴۰۲ عنب رفعال مداحن پلٹ کار، حسال پر قسیرار رکھتا ہے	1.1	
اما	۱٬۲۰۱ میلیز عصال مدا کی پیشت فاربخت این مسید از مسید این می از مسید این اختیار کرتا ہے		
۱۳۲	۳.۴.۲ مداختل <del>R</del> فعـال کرنے ہے پلٹ کارپیت حسال اختیار کرتاہے		
۳	۲.۳.۲ حال دوڑ		
۳۳۱	زياده مداخنل پليئ كار	۵.۲	
١٣٣	<b>ت بل محباز ومعبذ در پلیٹ کار</b>	۲.۲	
٢٣١	آت اعتمال پلٹ کار	∠.٢	
اسم اسم	ڈی پلیٹ کار	۲.۸	
101	۱،۸.۱ اف حلام پیشے فار محے ک علی سردہ دی پیشے فار میں دیا ہے۔ ڈی پلیٹ کار میں	9.4	
100	حے کے پلٹ کار	1+.4	
104	۲.•۱.۱		
۱۵۸	شنائی گئے گار	۲.۱۱	
109	سلىلە دارشنائى جمع كار	17.4	
14+	معاصرتر شیبی ادوار کا محبزی	١٣.٦	
14+	۱٬۱۳۰۲ مساوات حسال		
171	۲٬۱۳۰۶ حیال کاحبہ ول		
145	٣.١٣.٦ حالكات كه		

vi

177	۲.۱۳.۷ څې پليئ کار پر منب ني ترشيهي دور		
141	۵.۱۳.۲ جے کے پلین کار پر مبنی ترتیبی دور		
147	۲٫۱۳٫۲ ٹی پائے کار کی مد دے ترشیبی دور کا حب ئزہ		
AFI	مىيلى اور مُورنمون مى	14.41	
149	ی ماردر در در سند	·· • ·	
14	معاصرترت بي ادوار کي بښاوٺ	10.4	
_		,	
149		وفت	_
IAI	سلىلە واردفتىر	1.4	
IAI	1.1.2 وائين انتقت ال دفت ر		
IAI	۲.۱.۷ بائين انتقتال دفت ر		
۱۸۲			
۱۸۲	متوازی جیسے رائی دفت بر	۲.۷	
۱۸۳	عــالســـيرانتقــال دفت ريينينين دينينين ومالسيرانتقــال دفت ريينين ومالسيرانتقــال دفت والمسترون والمسترو	m.∠	
۲۸۱	- المرارث الى جمع كار	∠.م	
		•	
119	. کار	گنب	٨
119	شنائی گنت کار	1.1	
191	معتاصر کنت کار	۲.۸	
191	۱.۲.۸ که معساِصرشنانی گنت کار		
191	۲.۲.۸ شنائی مُسرمُوزاعشاری معساصر گنه کار		
191	دیگر گن <mark>ت</mark> کاری میں میں میں کار کی میں میں میں میں میں میں میں کار کی میں کار کی میں کار کی میں کار کی کار کی کار	٣.٨	
191	دیگر گئت کار		
۲٠٠	۲.۳.۸ بے ترتیب گنت کار		
۲+۱	۳۳۸ چملاً گئت کار		
r•r	۴.۳.۸ دهسٹر کن پیپداکار		
	• • •		
۲+۵	_	حسافظ	•
4+1	عبارضي حسافظ بيرين بالمناب بال	1.9	
۲۱۵	پخت حسافظ برین در	۲.9	
ria	حسافظ کی استعداد بڑھانے کی ترکیب ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	٣.٩	
ria	ابه والمراء $4  imes 4  imes 4$ حسافظ سلسله وارجوژ گرایک عسد د $4  imes 8  imes 8$ حسافظ کا محصول $1.7.9$		
271	۲.۳.۹ تين 8 × 16 مسافظ سلسله وارجوڙ كرايك 8 × 48 مسافظ كاھيول		
۲۲۵	و. ۳.۳.۹ دو $4  imes 4  imes 4$ حب فظے متوازی جوڑ کر $4  imes 4$ حب فظے کا حصول $6  imes 4  imes 4$		
۲۲۵	حبافظہ کے اوت ابت کار ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	۳.9	
۲۳٠	پخت جسافظ سے ترکسیبی ادوار کاحصول بریں بریں بیاد ہوں کے بیاد اور کاحصول	۵.9	
د۳۵	تفكيل تركب بمنطقي ادوار	ت بل	1•
۲۳۲	٠١٠٠١ ستانل تشكيل ضرب تركب بي منطقي ادوار		
۲۳۷	۲.۰.۱۰ تشکیل شرب و جمع تر کمپ منطقی ادوار		
112	ا ابعال تنگاب ل ترسیبی ادوار کا اوار کا اوار کا اوار کا اوار کا اوار کا دوار کا د		
11' +	فت بل مسيل سر منتجي ادوار	1,14	

٣٣	پ رمعیا صر ترسی بی ا دوار	
۲۳۷	ا تحبنپ	11
۲۳۷		
201	۲.۱.۱۱ بېساو کامب دول	
ram	اا.۱۹ حیالت دوڑ	
201	اا.۱. ۴ توازن اورار تعساسش ِ	
<b>12</b> 1	*T	11
741	۳۰	11
741	اا ۱٫۳۰۱ ایسش آرپلیٹ	
۲۲۳	۲٫۳٫۱۱ ساعت کے کنارہ پر چلتا ہواڈی پلٹ ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	
749	۳.۳.۱۱ ایس آر پایُون پر مبنی غشیر معیاصرادوار کافت دم بافت دم تحبیزی به ۲۰۰۰ میلی	
ا۲۲	ب دەرترىن كمپ پيوٹر	/ IT
ا۲۲	ا.ا بنناؤك	١٢
<b>7</b>	۲۰۱ بدایات کی فہسرست	۲
۲۸۱	۳۰ کمپیوژ کی برنامی نولیتی	ır
۲۸۲		ır
۲۸۷	<del>-</del>	جوابا <u>ت</u>

## ریباحپ

ی کتاب اسس عسزم سے کتھی گئی ہے کہ سے ایک ون برقی انجنیزنگ کی نصابی کتاب کے طور پر پڑھائی حبائے گی۔ امسید کی حبائے گی۔ امسید کی حبائے ہے۔ مسیں ڈاکٹسر گی۔ اسٹ بھی طلب و طالبات اسس سے استفادہ حساصل کر سکیں گے۔ مسیں ڈاکٹسر محمد اسٹسرون عطا (ہلالِ استیاز، ستارہِ امسیاز) کا خصوصی طور پر نہیایت مشکور و ممنون ہوں حبنہوں نے اپنے مصدروفیات سے وقت نکال کر اسس کتاب کو پڑھ کر سنہ صوف درست کیا بلکہ بہت سارے تکنیکی مصدروفیات ہمی و سراہم کے۔ مسین امیدرکھتا ہول کہ جھے آئے۔ ہمی ان کی مدد حساس ابوگی۔

مسیں یہاں کامسیٹ کے طلب وطالبات کا بھی مشکر ہے ادا کرنا دپ ہت ہوں حب نہوں نے اسس کتا ہے کوبار بارپڑھ کر غلطیوں کی نشاند ہی گی۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارشش کی حباقی ہے کہ وہ اسس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلب و طبالب سے تک پنچے ئیں اور اسس مسیں غلطیوں کی نشاند ہی مسیرے ای مسیل پہتے پر کریں۔

حنالد حنان يوسفز أي 5 منروري 2013

# میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرتب اعلیٰ تعلیم کا داروں مسیں تحقیق کارجمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ یہ سلم حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجو د مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخو د ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجو د آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی سناطب خواہ کو شش نہیں گیا۔

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تھتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بننانے سے انکار کر دیااور یوں ہے کتاب وجودمسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغنی رات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نصابی کتاب و نظام تعلیم کی نصابی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلسل نصاب کی طسر ف سے پہلافت دم ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایہ سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 28 *اكتوبر* 2011

#### إب

# شنائی نظسام

## ا.ا اعثاری نظام گنتی

روز مسرہ زندگی مسیں اعشاری نظام گسنتی استعال ہوتا ہے، جو 0 تا 9 کے ہندسوں پر مسبنی ہے۔ کسی بھی گسنتی کے نظام مسیں کا تعلیم اسس کتبے ہیں۔اعشاری نظام مسیں 0 تا 9، یعنی دسس 10 نظام مسیں کا عالمات ہیں،یوں اعشاری نظام کی اساسس دسس ہے اور اسس کو اساسس 10 کانظام کہتے ہیں۔

مساوات ارامسیں 538.72 کو اعشاری نظام مسیں لکھتے ہوئے زیر نوشت مسیں 10 ککھا گیا ہے، جو اسس بات کی یاد دہانی کر اتا ہے کہ یہ عصد داسس دسس کے نظام مسیں لکھا گیا ہے۔ اسس کتا ہے مسیں چونکہ کی نظام گسنتی استعمال ہوں گے، البندا جہاں مستن سے واضح نہ ہو وہاں اعبداد کے ساتھ ان کی اسسس زیر نوشت مسیں لکھی حبائے گا۔

(i.r) 
$$538.72_{10} = (5 \times 10^2) + (3 \times 10^1) + (8 \times 10^0) + (7 \times 10^{-1}) + (2 \times 10^{-2})$$

,

باب. الشنائي نظام

$$x_2 = 5$$
 $x_1 = 3$ 
 $x_0 = 8$ 
 $x_{-1} = 7$ 
 $x_{-2} = 2$ 
 $x = 538.72_{10}$ 
 $x = x_2 x_1 x_0 . x_{-1} x_{-2}$ 

مشکل ا. ا:عبد د کے ہند سول کو پکارنے کا طب رایق کار۔

اسس حقیقت کو درج ذیل عب وی روپ میں لکھ سکتے ہیں۔

(i.r) 
$$\cdots a_2 \times 10^2 + a_1 \times 10^1 + a_0 \times 10^0 + a_{-1} \times 10^{-1} + a_{-2} \times 10^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{10}$ 

عدد 538.72<sub>10</sub> کو x لیتے ہوئے، شکل ارامسیں اس کے مختلف ہند سوں کو پکارنے کا طسریقہ دکھیا گیاہے، جس کے تحت 5 کو x جبکہ 3 کو x کہ کہتیں گے، وغیب دو۔

اسس طسرے کی بھی عدد مسیں بائیں حبانب ہندے کارتبہ دائیں حبانب ہندے کے رتب سے بلند ہو گا۔مساوات ارامسیں بلند تررتبے کاہند سہ 5 ہے،جبکہ کم تررتبے کاہند سہ 6 ہے۔ یوں 5 بلند تر رتبی ہندسہ اجبکہ 6 کم تر رتبی ہندسہ 'کہالتے ہیں۔

مساوات ۱.۲ مسیں سے و تین فخلف طریقوں سے لکھا گیا ہے۔ روز مسرہ زندگی مسیں سات پہلی طسرز پر کھاحب تا ہے۔ یوں کاغن ذیر کھتے ہوئے کی بھی عدد کے بائیں حبائب صفر رنہیں کھے جباتے اور عدد کے بائیں حبائب کاغن ذکو حنالی چھوڑا حباتا ہے۔ یہاں سے بات سجھنا خروری ہے کہ روز مسرہ زندگی مسیں اعداد کھتے وقت ان کی لمبائی یاان مسیں گل ہند مول کی تعداد پہلے سے متعصین نہیں کی حباتی۔ کمپیوٹر مسیں چینزیں پچھ مختلف ہیں، جبال مون سے منس منسل کی اور ایک 1 کاوجود مسکن ہے۔ کی معتام پر اگر 1 نہیں کھی ہوتواس پر 0 کھی ہوگا۔ یوں کی بھی عدد کو کے بائیں حبائب حنالی جگ کا کمپیوٹر مسیں کوئی مطلب نہیں۔ یہاں 0 یا 1 کا ہونا ضروری ہے۔ کمپیوٹر مسیں کوئی مطلب نہیں۔ یہاں 0 یا 1 کا ہونا ضروری ہے۔ کمپیوٹر مسیں ہر قتم کی معالمات کھنے سے پہلے اس بات کافیصلہ کیا جباتا ہے کہ اے کھنے کی حناطر کتنی جگ ور صورت استعال کرنا ہوگا، مطاب کی کہ تا میں میں مجل کو ہر صورت استعال کرنا ہوگا، مطاب سے کو 7 کی بجب نے 700 کھنا ہوگا۔

$$\begin{array}{c} 7_{10} \\ 07_{10} \\ 007_{10} \end{array}$$

اعشاری نظام مسیں گسنتی 0<sub>10</sub> سے مشروع ہوتی ہے اور بتدری بڑھتے ہوئے 9<sub>10</sub> تک پہنچتی ہے۔ اسس دوران دہائی، سینکڑا، وغسیرہ کے مصام پر صف رہت ہے اور انہیں علم طور نہیں کھا حباتا۔ گسنتی نو تک پہنچنے کے بعد دہائی،

most significant digit

۱.۲ بشتمی نظب م گنتی

لین  $10^1$  ، وزن رکھنے والے معتام پر 0 کی بحبائے 1 کھا حباتا ہے اور اکائی، لیعنی  $10^0$  ، وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 تا 9 گسنتی کی حباتی ہے۔

اگر آپ کواسس پیسراگران کی سنجھ نہیں آئی تواہے دوبارہ پڑھسیں۔اسس مسیں سادہ گسنتی کی وضاحت کی گئی ہے۔

اعث اری نظام مسیں اگر اعبداد کو ایک ہندے تک محدود کر دیا جبائے تواسس مسیں  $0_{10} = 9_{10}$  تک گنتی مسکن ہوگی۔ اگر اعبداد کو دوہند سول تک محدود کر دیا جبائے، لینی اسس مسیں زیادہ سے زیادہ دوہند سے ہول، تب ہوں، تب مسکن ہوگی، ای طسرح تین ہند سول تک کے عدد استعال کرنے سے  $000_{10} = 000_{10}$  سے  $99_{10} = 000_{10}$  سے گستی کی حب سکتی ہے، وغیرہ۔

## ۱.۲ مشتمی نظام گنتی

ہشتی نظام 0 تا 7 ہند موں پر مبنی ہے۔ اس نظام میں آٹھ ہندے ہیں الہذا ہے۔ اس آٹھ نظام ہے۔ بالکل اعتباری نظام کی طسر تر، اس نظام میں اعتبارہ لکھتے ہوئے اعتبار ہے بائکی حبانب پہلے ہندے کا وزن  $8^0 = 8_1$  ، ووسرے ہندے کا  $8^1 = 8_1$  ، تیسرے کا  $8^1 = 8_1$  ، ووسرے ہندے کا وزن  $8^1 = 8_1$  ، ووسرے ہندے کا وزن  $8^1 = 8_1$  ، ووسرے کا واکن  $8^1 = 8_1$  ، ووسرے کا وزن  $8^1 = 8_1$  ، ووسرے کا وزن  $8^1 = 8_1$  ، ووسرے کا وزن  $8^1 = 8_1$  ہوگا، وغیرہ ہوں۔

$$\begin{array}{l} 538.72_8 = [(5\times 8^2) + (3\times 8^1) + (8\times 8^0) + (7\times 8^{-1}) + (2\times 8^{-2})]_{10} \\ = [(5\times 64) + (3\times 8) + (8\times 1) + (7\times 0.125) + (2\times 0.015625)]_{10} \\ = [320 + 24 + 8 + 0.875 + 0.03125]_{10} \\ = 352.90625_{10} \end{array}$$

ہشتی نظام گنتی کے لئے مساوات اسورج ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

(1.1) 
$$\cdots a_2 \times 8^2 + a_1 \times 8^1 + a_0 \times 8^0 + a_{-1} \times 8^{-1} + a_{-2} \times 8^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots a_2 a_1 a_0, a_{-1} a_{-2} \cdots)_8$ 

ہشتمی نظام مسیں دیے گئے عبد د کواعشاری نظام مسیں تبدیل کرنامساوات اے ۵ مسیں د کھایا گیا ہے۔ ہشتمی عبد د کے زیر نوشت مسیں 8 اسس مات کی ماد دہانی کراتا ہے کہ ہے عب د ہشتمی نظام مسیں لکھیا گیا ہے۔

1 اسس نظام مسیں گسنتی 0 سے سشروع ہوتی ہے، 7 تک پینچنے کے بعد  $8^1$  وزن رکھنے والے معتام پر 0 کی بحب نے 1 ککھا حب اتا ہے اور  $0^8$  وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 ہے 7 کی گسنتی سشروع ہوتی ہے۔

باب ا شنائی نظام

## ١.٣ شنائي نظام گستى

ما ککرو کنٹ رولر کی دنیا مسیں شن کی نظام گسنتی استعال ہوتا ہے۔ شن کی نظام دوہت دسوں، 0 اور 1 ، پر مسبنی ہے، اہلی ذا سے اساسس دو کانظام ہے۔ اسس نظام مسیں گسنتی 0 سے شروع ہوتی ہے، 1 تک پہنچنے کے بعید 2<sup>1</sup> وزن رکھنے والی معتام پر دوبارہ 0 سے 1 گسنتی شہروع ہوتی ہے۔ اسس نظام مسیں گسنتی کو مساوات اے مسیل دکھیا گیا ہے، جہال زیر نوشت مسیں اساس لکھنے سے گریز کمیا گیا ہے۔ مواز سے مواز سے کے اعشاری گسنتی بھی پیش کی گئی ہے۔

 $2^0=1_{10}$  اس نظام مسیں اعمد اوکھتے ہوئے اعشار ہے کے بائیں حبانب پہلے ہندے کا وزن  $2^0=1_{10}$  ہوگا، دو سرے کا  $2^1=2_{10}$  ہندے کا وزن  $2^1=2_{10}$  ہندے کا وزن  $2^1=2_{10}$  ہندے کا وزن  $2^1=2_{10}$  ہوگا۔  $2^{-2}=2_{10}$  ہوگا۔

شن اکی نظام گسنتی کے لئے ی مساوات استادرج ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

(I.A) 
$$\cdots b_2 \times 2^2 + b_1 \times 2^1 + b_0 \times 2^0 + b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots b_2 b_1 b_0 \cdot b_{-1} b_{-2} \cdots)_2$ 

مساوات اوامسیں شنائی نظام مسیں دیے گئے عدد کو اعشاری نظام مسیں تبدیل کرنا دکھایا گیا ہے۔ شنائی

۱٫۳۰ شنائی نظام مُسنتی ۱٫۳۰

#### مشکل ۱.۱:بلت د تراور کم تررتبی هن د ہے۔

 $1011.1_2 = [(1 \times 2^3) + (0 \times 2^2) + (1 \times 2^1) + (1 \times 2^0) + (1 \times 2^{-1})]_{10}$   $= [(1 \times 8) + (0 \times 4) + (1 \times 2) + (1 \times 1) + (1 \times 0.5)]_{10}$   $= [8 + 0 + 2 + 1 + 0.5]_{10}$   $= 11.5_{10}$ 

شنائی عدد کے ہند سول کو پکارنے کا طسریقہ سشکل ۲۰ مسیں و کھایا گیا ہے۔ شنائی عدد کے دائیں ترین ہندے کو کم تر رتبی پیٹے "یا کم تر رتبی شنائی ہند سہ یابٹ  $b_0$  کہنیں گے: اسس سے اسکلے کو بٹ ایک بند سہ یابٹ  $b_1$  اور اسس سے اسکلے ہند سہ یابٹ تر رتبی ہیئے "یا (موجودہ مثال مسیں) بِٹ کو بٹ دویا بٹ  $b_1$  کو بٹ دویا ہے  $b_2$  کہنے ہند سے کا بلند تر رتبی ہیئے "یا (موجودہ مثال مسیں) بِٹ کے سے بابٹ  $b_2$  کہنے ہیں گے۔

 $1011_2 = (2^3 + 2^1 + 2^0)_{10} = (8 + 2 + 1)_{10} = 11_{10}$  (۱.۱۰)

جومت سے 1 ہیں،ان کے وزن جمع کیے حباتے ہیں۔

حپارہند سوں کاشن کی عسد د0000 تا 11112 گسنتی کر سکتاہے؛ اسس سے بڑا عسد دکھنے کے لئے حپارسے زیادہ ہند سے درکار ہوں گے۔ ما ککروکنٹ مرول آٹھ شن کی ہند سوں کے اعسداد استعمال کر تا ہے جو 20000000 تا  $255_{10}$  ایعنی  $255_{10}$  تا  $255_{10}$  قام کر سکتے ہیں۔

lowest significant it, LSB<sup>r</sup> most significant bit, MSB<sup>r</sup>

باب ا. شنائي نظام

#### ۱.۱۰ اعثاری نظام سے شنائی نظام مسیں تبادلہ

اعث اری نظام مسیں دیے گئے عبد در کوشنائی نظام مسیں لکھنے کی حناط سراسس عبد در کو بار بار 2 سے تقسیم کریں، حتٰی کہ سیہ مسین بیلے حساسل باقی کوشنائی عبد در اسس باقی لیں؛ پہلے حساسل باقی کوشنائی عبد در کے سب سے کم وزن کے معتام پر لکھیں؛ ای طسرت آ حنسری کے سب سے کم وزن کے معتام پر لکھیں؛ ای طسرت آ حنسری حساسل باقی کو سسسل باقی کوسی سے زیاد دوزن کے معتام پر لکھیں۔ یوں شنائی عبد در ساسل ہوگا۔ سیہ طسریق استعال کرتے ہوئے 121 کوشنائی کھیے ہیں۔

121 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 60 اور باقی 1 ملت ہے۔
60 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 30 اور باقی 0 ملت ہے۔
30 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 15 اور باقی 0 ملت ہے۔
15 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 7 اور باقی 1 ملت ہے۔
7 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 3 اور باقی 1 ملت ہے۔
8 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔
1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔

اب سب سے آحنسری" باتی"کوسب سے زیادہ وزن کے مصام پر اور سب سے پہلے" باتی"کوسب سے کم وزن کے مصام پر کلھتے ہیں۔ بیل 1111001 سے صل ہوگا، البیادا

$$121_{10} = 1111001_2$$

ہو گا جباں سات شن کی ہندے استعال کیے گئے ہیں۔ اپنی تسلی کے لئے اسس عبد دکو واپس اعثاری نظام مسیں متقبل کرتے ہیں۔

$$1111001_2 = 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^0 = 64 + 32 + 16 + 8 + 1 = 121_{10}$$

اسس طسریقے کار کی بہتر صورت پیشس کرتے ہیں۔

2	121	
	60	1
	30	0
	15	0
	7	1
	3	1
	1	1
	0	1

عدد مسین اعشارے کے بائیں حبانب حصہ کو حصہ صحیحی، جب کہ دائیں حصہ کو حصہ مسکوریا کسری کہتے ہیں۔

xxxxxx . yyyyyy

يوں 121.6875 ميں 121 عبد وصح اور 6875 عبد دمكورہے۔

عشری عدد کے صحیح حسہ کو شائی نظام مسیں تبدیل کرنا آپ سیکھ پے؛ حسہ مسکور تبدیل کرنے کا طریق ذرہ مختلف ہے۔ آئیں ہے عمسل سیکھیں۔

ھے مسکور کوباربار 2 سے ضرب ویں۔ اگر حساصل ضرب کے اعشار سے کے بائیں حبانب 1 حساصل ہو تواسس کو حساصل ضرب سے بائیں حبانب شلک کریں ور سنہ شنائی عسد د کے دائیں حبانب شلک کریں ور سنہ شنائی عسد د کے دائیں حبانب شلک کریں۔ اسس عمسل کو ایک معد دے سنگھتے ہیں۔

	شنائی
$2 \times 0.6875 = 1.375$	0.1
$2 \times 0.3750 = 0.750$	0.10
$2 \times 0.7500 = 1.500$	0.101
$2 \times 0.6875 = 1.375$ $2 \times 0.3750 = 0.750$ $2 \times 0.7500 = 1.500$ $2 \times 0.5000 = 1.000$	0.1011

يوں  $0.6875_{10}=0.1011$  بوگا؛ آحنسر مسين دونوں حصوں كوملا كرشت أنى عبد دحسا صلى كرتے ہيں۔

 $121.6875_{10} = 111001.1011_2$ 

# ۱.۵ اساسس سوله (سادسس عشری) نظام گنتی

اس سولہ کے نظام مسیں اعبداد کی سولہ عسلامتیں ہیں۔ان مسیں پہلی دس عسلامتیں 0 تا 9 ہیں، جب کہ باتی عسلامتیں، بڑی کھیائی مسیں انگریزی حسرون جب حسرون لیعن A ، A ناور A ہیں۔ عسلامت A دسس A والم ان کو ظاہر کرتی ہے، لیعن A اور ای طسرح حیلتے ہوئے A ہیندرہ کو ظاہر کرتی ہے۔مساوات المامیس مختلف نظام دیے گئے ہیں۔انہیں مستجھ بغیر طسرح حیلتے ہوئے A ہیندرہ کو ظاہر کرتی ہے۔مساوات المامیس مختلف نظام دیے گئے ہیں۔انہیں مستجھ بغیر

۸ باب ا. شنائی نظام

#### آگے ہر گزم<u>۔</u> بڑھیں۔

$$00_{10} = 00_8 = 0000_2 = 0_{16}$$

$$01_{10} = 01_8 = 0001_2 = 1_{16}$$

$$02_{10} = 02_8 = 0010_2 = 2_{16}$$

$$03_{10} = 03_8 = 0011_2 = 3_{16}$$

$$04_{10} = 04_8 = 0100_2 = 4_{16}$$

$$05_{10} = 05_8 = 0101_2 = 5_{16}$$

$$06_{10} = 06_8 = 0110_2 = 6_{16}$$

$$07_{10} = 07_8 = 0111_2 = 7_{16}$$

$$08_{10} = 10_8 = 1000_2 = 8_{16}$$

$$09_{10} = 11_8 = 1001_2 = 9_{16}$$

$$10_{10} = 12_8 = 1010_2 = A_{16}$$

$$11_{10} = 13_8 = 1011_2 = B_{16}$$

$$12_{10} = 14_8 = 1100_2 = C_{16}$$

$$13_{10} = 15_8 = 1101_2 = D_{16}$$

$$14_{10} = 16_8 = 1110_2 = E_{16}$$

$$15_{10} = 17_8 = 1111_2 = E_{16}$$

اس نظام میں اشاریہ کی بائیں جانب پہلے ہندے کاوزن  $1_{10}=1_{00}$  ، دوسرے کا  $1_{10}=1_{00}=1_{00}$  ، اور تیسرے کا  $1_{10}=1_{00}=1_{00}$  ، اور تیسرے کا  $1_{10}=1_{00}=1_{00}$  ہوگا۔

ماوات المامسیں ساوس عشری یا اس سولہ نظام مسیں دیے گئے عسد د کو اعشاری نظام مسیں تبدیل کرناد کھایا گئے ہے۔ ایب کرتے ہوئے  $A=10_{10}$  اور  $C=12_{10}$  کے گئے۔

$$\begin{array}{l} 3AC.8_{16} = (3\times16^2)_{10} + (10\times16^1)_{10} + (12\times16^0)_{10} + (8\times16^{-1})_{10} \\ = (3\times256)_{10} + (10\times16)_{10} + (12\times1)_{10} + (8\times0.0625)_{10} \\ = (768+160+12+0.5)_{10} \\ = 940.5_{10} \end{array}$$

مساوات اسس سولہ کے لئے درج ذیل ہو گی۔

(1.17) 
$$\cdots a_2 \times 16^2 + a_1 \times 16^1 + a_0 \times 16^0 + a_{-1} \times 16^{-1} + a_{-2} \times 16^{-2} \cdots$$
  
=  $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{16}$ 

#### ۱.۱ اس سروكاا س آم الله مسين تبادله

مساوات اسرا اسمیں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ سے سشروع کرتے ہوئے، اعشاریہ کی دونوں حباب تین تین میں میں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ کی بائیں حبانی اگر آخنہ مسیں علی ہوا ہوا کی بائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اس آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اساس آ گھ ہدر سے اور کا گورہ پورا کی جگ ہوں کو جگ کھی گیا۔ بدر کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کا مسیل منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اور کا مسیل منتقل کیا گیا۔ بادر ہے، اعشاریہ بی متعقل کیا گیا۔ بادر ہے، اعشاریہ بی متعقل کیا گیا۔ بادر ہوت رادر کھتا ہے۔

(1.17) 
$$\begin{aligned} 1101100.1_2 &= (001\ 101\ 100\ .100)_2 \\ &= (\ 1\quad 5\quad 4\ .\quad 4)_8 \\ &= 154.4_8 \end{aligned}$$

#### اساسس دو كااساسس سوله مسين تبادله

شن فی عبد دکواب سس سولہ مسین لکھنے کی حن طسر شن فی عبد دکواعث ارہے ہے سنسہ وع کرتے ہوئے اعث ارہے کی دونوں حبائی طسر آگر اوہ پورا سنہ ہو تو عبد دکی بائیں حبائی حبائی صف منسلک کر کے حیار ہند سول کا گروہ پورا کریں: ای طسر آگر اگر وہ پورا سنہ ہوں تو دائیں حبائی صف منسلک کر اعث ارہے کی دائیں حبائی سنس سولہ کا مددے ان حیار حیار کے گروہ کی جگہ ان کی مساوی اس سولہ کا ہمند سے کہ گروہ پورا کریں۔ اب مساول میں میں 2010 کی جگہ کہ اور 2010 کی جگہ 616 کی جگہ کر ایس سے سولہ کا مارد کی میں میں میں میں میں میں وی عبد دحیاص کی گھے کر اعتبار دیاتی جگ بر مسرار کھتا ہے۔

(1.14) 
$$1101100.1_2 = (0110 \ 1100 . \ 1000)_2$$
 
$$= ( \ 6 \ C \ . \ 8)_{16}$$
 
$$= 6C.8_{16}$$

#### ۱.۸ اساسس آگھ اور اساسس سولہ سے اساسس دومسیں تبادلہ

انہ میں طسر لیقوں کو الٹ استعال کرتے ہوئے اس س آٹھ اور اس سس سولہ کے اعبداد با آپ نی اس سس دو مسیں لکھے حبا کتے لکھے حبا کتے ہیں۔ مساوات ۱۲.۱مسین اس اس آٹھ:

١٠ باب ا. شنائي نظام

اور مساوات ا. ۷ امسین اساسس سوله کوشنائی عبد دکی صورت مسین لکھناد کھایا گیاہے۔

ہم نے دیکھ کہ شنائی عبد د کے ہند سول کو تین تین کے گروہ مسیں لکھنے ہے اس سس آٹھ اور حپار حپار کے گروہ مسیں کھنے ہے اس سس بولہ عبد د کے سند سول شنائی عبد د سے اس سس بولہ عبد د حباصل شنائی عبد د سے اس سس بولہ اعبد اد حباصل کریں۔

$$1001101000101111.0111_2 = (001 \quad 001 \quad 101 \quad 000 \quad 101 \quad 111 \cdot 011 \quad 100)_2$$

$$= (1 \quad 1 \quad 5 \quad 0 \quad 5 \quad 7 \quad 3 \quad 4)_8$$

$$= 115057.34_8$$

$$1001101000101111.0111_2 = (1001 \quad 1010 \quad 0010 \quad 1111 \cdot 0111)_2$$

$$= (9 \quad A \quad 2 \quad F \quad 7)_{16}$$

$$= 9A2F.7_{16}$$

مساوات ۱.۲۱ اور مساوات ۱.۷۱ کو آحضری لکسیروں مسین شنائی اعبداد کو دیکھتے ہوئے بہت حبلدانسان اکتاحباتا ہے،البت،انہسیں مساوات مسین جہاں شنائی اعبداد گروہ کی صورت مسین لکھے گئے ہیں،وہاں انہسین سمجھنا آسان ہے۔ یکی وحب ہے کہ شنائی اعبداد بالخصوص اور دیگر اعبداد بالعموم گروہ می صورت مسین لکھے حباتے ہیں۔

ایک ہندے پر مبنی شنائی عبد دکوشنائی ہندسہ یابٹ کہتے ہیں؛ آٹھ شنائی ہندسوں، بینی آٹھ بنے، کے گروہ کو ہشتمی شنائی عبد دیابائٹ کتے ہیں۔بائٹ کو عبوماً حیار حیار شنائی اعبداد کے گروہ مسیں لکھا حیاتا ہے۔ یوں مساوات ایا مسیں دوبائٹ ہیں۔ای مساوات کوالٹ حیلاتے ہوئے سے واضح ہے کہ ہشتمی شنائی عبد دکو حیار حیار شنائی اعبداد کے گروہ مسیں لکھ کرانہیں جیلداب سس مولہ مسیں کھیا جب سکتا ہے۔

#### سوالا\_\_\_

سوال ۱.۱: درج ذیل اعث اری اعب داد کوشن ائی روپ میں لکھیں۔

5.625 .i	4096 .	.5. 128	33 .1
13.6875 Z	0.375 .	256 .	64 .—

سوال ۱.۲: درج ذیل شنائی اعب داد کواعث اری روی مسیس کهین ب

101101011 .» 1101 .č 10 . 11001010011 . 11011 . 101 . . . .

بواب: 2 · 5 · 13 · 27 · 363 · 91 · 363

سوال ۱.۳۰ درج ذیل شنائی اعب داد کواعث اری روی مسین کلهین ـ

. 15.9375 ، 4.125 ، 11.40625 ، 0.203125 ، 5.25 ، 2.5 : الماد على الماد ا

سوال ۱.۴: درج ذیل اعشاری اعب داد کواب سس سوله اوراب سس آ تھ مسین تب دیل کریں۔

1024 .» 32 .č 7 .l 2048 .9 64 .9 23 .\_\_\_

. بواب: ال سس سوله 7 ، 17 ، 20 ، 40 ، 400 ؛ ال سس آله 7 ، 27 ، 40 ، 100 ، 2000 ، 4000 ، 800 ، 4000 ، 4000 ، 9000

سوال ۱۰۵: درج ذیل اس سس سوله اعبداد کواب سس آڅه اورشنا کی روپ مسین کهین -

FO .; A.BC ... 1A .2 7 ... FFFF .2 0.12 ... 2B3 ... 10 ...

#### اب۲

## بنیبادی حساسب

شن کی نظام مسیں حساب بالکل ای طسرت کیا حباتا ہے جس طسرت اعشاری نظام مسیں۔ چند مشالوں کے مطالعہ سے وضاحت ہوگی۔

شن کی نظام مسین اعبداد کا محبسوعی اعشاری نظام مسین دواعبداد کے محبسوعی سے مسجھا حباسکتا ہے۔اعشاری نظام کی مندرحب ذیل مشال پر غور کریں جس مسین 37.5 اور 29.6 جمع کیے گئے ہیں۔

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

آپ نے دیکھ کہ حساسل (1) کو (بائیں) زیادہ وزنی معتام پر منتقتل کیا گیا۔ یکی شنائی جمع مسیس کیا حبائے گا۔ شنائی نظام مسیس صروف دوہندے، 0 اور 1 ،پائے حباتے ہیں جن کی حیار ممکن محبوعے درج ذیل ہیں۔

اب ۲ بنیادی حاب

پہلی تین جع میں ساسل 0 جبکہ آسٹری میں ساسل 1 ہے۔

آئیں، زیادہ شن کی ہند سول کے اعبداد کی جمع کی مشالیں دیکھیں؛ان کی اعشاری نظام مسیں جمع بھی دی گئی ہیں۔

وائیں ہاتھ شن کی 11 اور 10 بھے کرکے  $101_2$  حساس کی آئیں ہو اعتاری نظام مسیں 5=2+3 ہو گا، جب کہ بائیں ہاتھ شن کی 1101 اور 1001 بھے کرکے  $1010_2$  حساس کی آئیں بو اعتاری نظام مسیں 22=9+13 کے مستسراد ف ہے۔

آ حن رمیں، کسری اعبداد کی جمع کی ایک مثال دیکھتے ہیں۔

## ۲.۱ شنائی نظام مسیں اعبداد منفی کرنا

دوبِك (شنائى عدد) منفى كرنے كے درج ذيل حسار مسكنات پائے حساتے ہيں۔

$$0-0=0$$
 $1-0=1$ 
 $1-1=0$ 
 $0-1=1$  ((1could be described)

ی آخنے ری مساوات مسیں صف رسے ایک اسس صورت منفی کیاد کھایا گیا ہے جب ادھار 1 لین ممکن ہو۔ ایک اور مثال دیکھتے ہیں۔

110.01		
-101.1	6.25	110.01
0.112	-5.50	-101.1
	0.75 <sub>10</sub>	0.112

۲.۲.۱ اب تماليا ۲ کاتکماله

شنائی منفی کی چیند مشالیں حسل کر کے اعشاری منفی ہے ان کی تصیدیق کریں۔ایسا کرنے سے زیادہ وضیاحت ہو گی۔

#### ۲.۲ اساس تکماه یا ۲ کاتکها به

کی بھی اس کی نظام مسیں، ہندسہ کو اس س ، (r) ، سے منفی کرنے سے ہندسے کا اس کی تکمسلہ (یا r کا تکمسلہ) مسیل ہوگا۔ یوں، ہندسہ اور ہندسے کے اس کی تکمسلہ کا محبوعہ اس س کے برابر ہوگا۔ مشلاً، اعشاری نظام مسیل r کا کا اس کی تکمسلہ r اور ان دونوں کا محبوعہ r واحث ارکی نظام کے اس سے برابر ہے۔ ای طسرح 5 کا اس می تکمسلہ r ، اور 9 کا اس می تکمسلہ r ہوگا۔

درن بالامث الوں ہے واضح ہے کہ کی بھی ہند سہ (مشلاً 3) کے اسای تکسلہ (لیتی 7) کا اسای تکسلہ وہی ہند سہ (لیتی 3) ہوگا۔ اسای تکسلہ کے تصور کو ایک ہے زائد ہند سوں پر مسبنی عدد تک وسعت دیتے ہیں۔ اساس r کے اعبدادی نظام مسین عدد N ، جو n ہند سوں پر مسبنی ہو، کے اسای تکسلہ (یا r کے تکسلہ) ہے مسراد عدد n ہوگا۔ اساس دس کے اسای تکسلہ کو عنام طور n کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اسس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اسس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اسس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اسس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اسس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طسر ن اس دو کے تکسلہ کو کا تکسلہ کہتے ہیں۔ ای طب کی ایک کی میں۔

اعثاری نظام مسین عسد د0 اعثاری نظام مسین عسد د0 تیست کی قیست 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہسند ہوں گے۔

$$10^2 = 100_{10}$$
 
$$10^5 = 100000_{10}$$
 
$$10^7 = 10000000_{10}$$

n ہندے ہوں، کے اسا تی n ہندے ہوں، کے اسا تی n ہندے ہوں، کے اسا تی تقسام کی اساس n ہندے ہوں، کے اسا تک تکسلہ (لیمن n کا تکسلہ کے تکسلہ) سے سراد عدد n ہوگا۔ یوں n ہوگا۔ یوں n ہوگا۔ n ہوگا۔ n ہوگا۔ n ہوگا۔ اور n ہوگا۔ اور تی تک تکسلہ در تی ذیل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad (10^4 - 5391)_{10} = (10000 - 5391)_{10} = 4609_{10}$$

اى طسىرى عدد 320753 جسى مسين 6 بىندسے بين كااساسى تكسلە:

$$(r.r) \qquad (10^6 - 320753)_{10} = (1000000 - 320753)_{10} = 679247_{10}$$

اور 679247 كا 2 كاتكماله درج ذيل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad \qquad (10^6 - 679247)_{10} = (1000000 - 679247)_{10} = 320753_{10}$$

N برعب دو N کے اساس تکسلہ کا اساس تکسلہ وہی عبد دN ہوگا۔ اسس کا ثبوت کچھ یوں ہے: عبد دی N کا اساس تکسلہ  $r^n-(r^n-N)$  بوگا۔  $r^n-N$  اور عبد دn-N کا اساس تکسلہ  $r^n-N$ 

شنائی نظام کی اس س 2 ہے اہندا n ہند سوں پر مبنی شنائی عدد N کے 2 کا تکمیاہ (یعنی اساس تکمیاہ)  $2^n-N$  ہوگا۔

اب۲. بنیادی حاب

شنائی نظام میں عدد  $10^n$  کے سب سے وزنی ہند سے کی قیمت 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہند ہول گے۔

$$\begin{aligned} 2^2 &= 100_2 \\ (\text{r.a}) & 2^5 &= 100000_2 \\ 2^7 &= 10000000_2 \end{aligned}$$

يوں 10112 اور 10001 ك 2 ك تكسله بالت رتيب درج ذيل ہول كے۔

(r.y) 
$$(2^4 - 1011)_2 = (10000 - 1011)_2 = 0101_2$$
 
$$(2^5 - 10001)_2 = (100000 - 10001)_2 = 01111_2$$

### اس منفی ایک تکسله یا (r-1) کا تکمسله rبه

 $r^n-1-N$  اس منی ایک در r-1 کا تکسلہ ہے مسراد N کے اس منی ایک کے تکسلہ کو عصوماً وکا تکسلہ (نوکا تکسلہ) اور شنائی نظام مسین اس منی ایک کے تکسلہ کو عصوماً وکا تکسلہ (نوکا تکسلہ) اور شنائی نظام مسین اس کا تکسلہ (ایک کا تکسلہ) کتاب کہتے ہیں۔

اعشاری نظام مسیں 376 اور 7852 کے 9 کے تکسلہ،بالتسرتیب مندرحبہ ذیل ہوں گے۔

$$10^{3} - 1 - 376 = 1000 - 1 - 376$$

$$= 999 - 376$$

$$= 623_{10}$$

$$10^{4} - 1 - 7852 = 10000 - 1 - 7852$$

$$= 9999 - 7852$$

$$= 2147_{10}$$

اعثاری نظام مسین عبد د $10^n-1$  ،  $10^n$  بندسون پر مشتل ہوگا، جہاں ہر ہندسے کی قیت n ، n ، n ، n

$$10^3 - 1 = 1000 - 1 = 999_{10}$$
 (r.n) 
$$10^6 - 1 = 1000000 - 1 = 9999999_{10}$$
 
$$10^8 - 1 = 100000000 - 1 = 99999999_{10}$$

شنائی نظام میں عدد  $n \cdot 2^n - 1$  ہند سول پر مشتمل ہوگا، جہاں ہر ہند سے کی قیمت 1 ہوگا۔

$$2^3-1=1000-1=111_2$$
 (r.9) 
$$2^5-1=100000-1=11111_2$$
 
$$2^8-1=100000000-1=11111111_2$$

شن فی نظام مسیں 10012 اور 1011102 کے 1 کے تکسلہ،بالت رتیب،درج ذیل ہول گے۔

$$\begin{array}{c} 2^4-1-1001=1111-1001=0110_2\\ 2^6-1-101110=111111-101110=010001_2 \end{array}$$

آپ د کھ سے بیں کہ شنائی ہندسہ 0 کا"ایک کا تکسلہ"، شنائی ہندسہ 1 ہوگا، اور ای طسرح عسدد 1 کا"ایک کا تکسلہ"، شنائی ہندسہ 0 ہوگا۔ ہم کتے ہیں 0 کامتم 1 اور 1 کامتم 0 ہے۔

شنائی عبد دN کا سس منفی ایک کا تکسله،  $\overline{N} = d$  سام کسیاحیا تا ہے المبند ادرج ذیل کھے حب سکتا ہے۔

$$\begin{array}{c} \overline{1}_2=0_2\\ \overline{0}_2=1_2\\ \overline{1001}_2=0110_2\\ \overline{101110}_2=010001_2 \end{array}$$

ان دومث الول ہے ایک اہم حقیقت واضح ہو تا ہے: شن کی عبد دمسین ہر ہند سے کامتم کسینے سے ( یعنی ہر 0 کو 1 ،اور ہر 1 کو 0 کرنے ہے) اسس کاایک کا تکسلہ مامتم سیاصل ہوگا۔

### ثنائی مدد کے ہر ہے کا متم لینے سے مدد کا 1 کا تکله (یعنی متم) ماصلی ہوگا۔

 $r^2-1-N$  اور (r-1) کے تکسلہ سے سراد r کیسلہ سے سراد r کا تکسلہ حاصل کے حسراد r کا تکسلہ حاصل کے حسال کیا ہے، لین عدد کے متم کے ساتھ r بین عبد کے ساتھ r بین عبد کے مسلم ہوگا۔ اس طسرت اس کا تسلم کے حسال کرتے ہیں۔ میں دیے گئے اعبد ادکے r کے تکسلہ ہم اسس طسریقہ سے حساس کرتے ہیں۔

چونکہ  $0100=\overline{1011}$  ہے لہذا 1011 کا اس می تکسلہ 0100+1=0100 ہوگا۔ ای طسرت 01001 کے متم 01100 کے متم 01110 کے ساتھ 1 جمع کرنے ہے اس کا اس می تکسلہ 01110 سامسل ہوگا۔

#### ۲.۴ دواعب داد کی منفی پذریعب اساسی تکمه لیه

ستلم و کاعن نے ساتھ، M = N منٹی کرنا چھوٹی جساعتوں مسیں سکھایا حباتا ہے۔ برقیات مسیں بھسلہ کی مدد سے دواعبداد منٹی کے حباتے ہیں، جباں دونوں اعبداد مسیں ہند سوں کی تعبداد برابر ہونالازم ہے۔اسای بھسلہ کی مدد سے M-N مندر حب ذیل طسریق کارہے حساصل کیا جباتا ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہندسوں کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہندسوں والے عبدد کی بائیں حبانب (درکار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپاں کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعبدد مسیں 11 ہندھیاۓ حباتے ہیں۔
- م کی قیت کے خیار دورہ ہونے کی صورت مسیں، آخنہ ری (بائیں) ہند سے جمع کرنے سے حساس M کی قیت کی بیٹ سے محبوع n+1 ہند سول پر مشتل ہوگا اور اسس کا بایاں ہند سہ کہ ہوگا۔ اسس بائیں ہند سے کو (لینی حساس ل 1 کو) نظر انداز کریں؛ باتی n ہند سول پر مسبقی عسد داسس جو اب ہوگا۔

اب ۲ بنیادی حساب

1 کی قیت N کی قیت ہے کم ہونے کی صورت مسیں، آ حسنری (بائیں) ہندہ ہے جن کرنے سے حساس M پیدا تمہیں ہوگا: محب منفی عبد د کو ظب ہر کرے گا، اور n ہند سول پر مسبنی ہوگا۔ محب موعے کا اس ای تکسلہ لے کر اس کی بائیں حب انب منفی عبد المسک شملک کر کے جو اب حساس کا بوگا۔

مثال ابن اعث اری اعب او کاحب اصل منفی 974 – 7852 دس کے تکمیا ہے کی مدوے دریافت کریں۔

جواب: يہاں بڑاء ہے دو 7852 حيار ہند موں پر مسبنی ہے، البذا چھوٹا ہے دو 0974 ککھیں اور n=4 لیں۔ یوں 0974 والس کا کا اساس کی کہا ہے 0000-0974=9026 ہند موں کا 0974=9026+7852=16878 کے ساتھ جمح کرنے ہے 0000+7852=16878 میں موسل ہوگا۔ چونکہ ہے ہیں دو کہ ہند موں پر مسبنی ہے، البذا ہا بگی ہند ہے کو نظر انداز کرتے ہوئے 0878=9026+7852=1000 کو نظر انداز کرتے ہوئے 0878=9026+1000 کو جواب سیم کرتے ہیں۔ (ہم در هیقت آحضری ہند موں کی جمع ہے ہیدا حساس ل کے والد سے مسل ہائی ترین مقت م پر اثر تا ہے البذا محب وعب کا پایاں ہند سے در کرکے جواب حساس ہوگا۔)

مثال ٢٠٢: دسس کے تکمیلہ کی مددسے 7852 - 974 صاصل کریں۔

جواب: عسد 7852 ك اساى تكسله 2148 = 7850 – 10000 كا 9744 ك ساتھ محبوعت ليت ہوئ: 3122 = 8412 + 9744 آمنسرى حساس 1 نہيں پيداہوتا، البذات محبوعت 4 ہندسول پر مشتل ہے؛ اسس كے اساس تكسله 6878 = 3122 – 10000 كے ساتھ منفى عسلامت چسپال كرتے ہوئے 6878 – كو

شنائی اعبداد بھی بالکل ای طسرح منفی کیے جبتے ہیں۔ ان کی بھی دومث لیں پیش کرتے ہیں۔ مثال ۲۰۳۳: اساس تکسلہ کی مدد سے مندر حب ذیل حساس کریں۔ (۱) 11001 – 11001 اور (ب) 11012 – 110012 جواب: (۱) چونکہ  $00110 = \overline{11001} = 7$  ہے، البذا دو کا تکسلہ 00111 + 1 = 00110 ہو گا۔ اسس کو دو سسرے عدد 001112 (جس کی ہائیں حبانب اصن فی 0 چسپاں کر کے ہند سوں کی تعسد اد پوری کی گئی) کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

$$\begin{array}{r}
01011 \\
+00111 \\
\hline
10010
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
01011 \\
+00111 \\
\hline
10010
\end{array}$$

بائیں آمنے میں ہوں کو جمع کرتے ہوئے حاصل 1 پیدا نہیں ہوا، البذا اسس کا 2 کا تلمہ لین ہوگا۔ چونکہ 1000 = 1000 ہوگا، جس کی بائیں حباب منفی عسلامت جہاں کرتے ہیں۔ 1000 = 1000 ہوگا، جس کی بائیں حباب منفی عسلامت چہاں کرتے ہیں۔

جواب: (ب) يهاں ايک عدد پاخي ہندسوں پر مشتل ہے، الهذا دوسرے عدد مسيں بھی پاخي ہندے پورے کے حدد کا اسای تکسلہ پورے کے حبائیں گے۔ یوں 1011 کو 1010 کھ کر، اسس کے متم 10100 سے 10100 کے عدد کا اسای تکسلہ 10100 + 1 = 10100 حسل کرکے، دوسرے عدد کے ساتھ جنح کرتے ہیں۔

آ منسری ہندہے جمع کرتے ہوئے سامسل 1 پیداہواجس کو نظسرانداز کرکے باقی محبسوء۔، 01110 ، کو نتیجہ تسلیم کرتے ہیں۔

### ۲.۵ دواعب داد کی منفی بذرایعب اساسس منفی ایک کا تکمه له

اس سس منفی ایک تکسلہ کی مدو ہے بھی M-N سے مسل کیا جب سکتا ہے۔ اسس کا طسریق کار درج ذیل ہے جب ان دونوں اعب داد مسین ہند سول کی تعب دادبر ابر ہونالازم ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہند سول کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہند سول والے عبد د کی بائیں حبانب (در کار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپال کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعب در مسیں 11 ہند سے پائے حباتے ہیں۔
- م کی قیمت سے زیادہ ہونے کی صورت مسیں، آحضری (بائیں) ہند سے جنج کرنے سے حساس ل M کی قیمت سے کی بینا ہوگا، جس کی بینا سے مجمعوع ہے n+1 ہند سول پر مشتل ہو گا اور اسس کا بایال ہند سہ n+1 ہو گا۔ اس بائیں ہند سے کو (لیخی حساس ل n کو) نظر رانداز کرنے کی بحب عرب مجمعوع سے حضار جن کر کے، n وزن مختص کریں

۲۰ بنیادی حاب

اور n ہندسوں کے باتی محبسوعہ کے ساتھ جمع کر کے جواب حسامسل کریں۔اسس عمسل کو واپسیں آحسری حسامسل ایک (1) کہتے ہیں۔

• M کی قیت کی قیت ہے کم ہونے کی صورت مسیں، آمنسری (بائیں) ہندے جمع کرنے سے حساسل 1 پیدا نمیاری ہوگا؛ مجسوعہ منفی عبد د کوظباہر کرے گا، اور ۸ ہند موں پر مسبنی ہوگا۔ محبسوعے کا اساسس منفی ایک کا تکسلہ لے کر اسس کی بائیں حبانیہ منفی عسلامت منسلک کرتے جواب حساصل ہوگا۔

ان دونوں صور توں کی وضاحت مثالوں سے ہوگی۔

مثال ٢٠٠٧: نوكا تكميله استعال كرتي بوئي 7852 - 974 حياصل كرس

جواب: عدد 974 کے بائیں 0 جسپاں کرکے اسس مسیں ہند سوں کی تعداد پوری کریں اور 7852 کے اسسس مفلی ایک کے تکسلہ 2147 = 7852 – 99999 کے ساتھ جمع کریں۔

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

آ جنسری (بائیں) ہندے جمع کرنے سے حساسل 1 پیدا نہیں ہوا، لہذا محببوعہ حیار ہند موں پر مشتل ہے۔ 1000 - 1000 - 1000 منتا منتی ایک کے بحراب منتی ایک کے تکسلہ کر کے جواب 1000 - 1000 کے بائیں منتی عسامت شکلہ کر کے جواب 1000 - 1000 کے بین 1000 - 1000 کے بین 1000 - 1000 کے بین 1000 - 1000

مثال ۲۰۵۵: نوکاتکمیا استعال کرتے ہوئے 974 – 7852 سامسل کریں۔

جواب چھوٹے عبدد 974 مسیں ہند ہوں کی تعبداد پوری کر کے اسس کے اسس منفی ایک کے تکسلہ 7852 = 9994 – 9999 کو 7852 کے ساتھ جُمْ کرتے ہیں۔

آ جنسری (بائیں) ہندہے جمع کرتے ہوئے حیاصل 1 پیدا ہوا جس کی بن یہ مجبوعہ 5 ہند موں پر مشتل ہے۔ ہم اس حیاصل 1 کو وزن 1 مختل کر کے باقی 4 ہند موں پر مسبنی مجبوعہ 6877 کے ساتھ جمع کر کے جواب 6878 + 1 = 6878 حیاصل کرتے ہیں۔

اب ہم شنائی اعبداد کی مشال لیتے ہیں۔

۲. ۲. مثبت اور منفی اعب داد

مثال ۲.۲: مندر حب ذیل کو 1 کے تکمیلہ کی مدد سے حسل کریں۔  $11011_2 - 101110_2 (-1) \cdot 101110_2 - 11011_2 (1)$  حسل: (۱) منفی ہونے والے عبد دمسیں ہند سوں کی تعبد ادپوری کر کے اسس کا متم:  $\overline{011011} = 100100$ 

دو سرے عبد دے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

آ منسری حساسل 1 کو باقی عبد دے علیحہ دہ کرکے اسے 1 کاوزن مختل کرکے ( لینی اسس کو اکائی تصور کرکے )، دائیں چھ ہند سول پر مشتل محب وے 201001 کے ساتھ جمع کرتے ہوئے جو اب حساسل کرتے ہیں۔

010010

$$\begin{array}{r}
 +1 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011 \\
 \hline
 010011
 \end{array}$$

(ب) متم <u>101001</u> = 010001 كودوسرے عبد د كے ساتھ جمع كرتے ہيں۔

 $\begin{array}{c}
010001 \\
+011011 \\
\hline
101100 \\
\end{array}$   $\begin{array}{c}
010001 \\
+011011 \\
\hline
101100
\end{array}$ 

چونکہ آسندی سامسل صنسر ہے، البذا محبوعے کے متم  $\overline{101100} = 010011$  کے ساتھ منفی کی عسلامت پہناں کر کے جواب  $\overline{010001}$  سامسل کرتے ہیں۔

#### ۲.۲ مثبت اور منفی اعب داد

روز مسرہ زندگی مسین مثبت اعبداد لکھتے ہوئے انہیں بغیبر کسی عسلامت کے، یا مثبت عسلامت (+) کے ساتھ کھھا حباتا ہے، البت منفی اعبداد کے ساتھ منفی عسلامت (-) ضرور ککھی حباتی ہے۔ یوں درج ذیل اعبداد درست کھھے ۲۲ بنیادی حاب

گئے ہیں۔

$$+3025$$
,  $3025$ ,  $-3025$ 

کی بھی عدد کے مثبت یا منفی ہونے کو اسس عدد کی عسلامت کہتے ہیں۔ یوں، وہ اعداد جو مثبت عسلامت (+) یا منفی عسلامت اعداد حسلامت احداد (-) رکھتے ہوں عسلامت وار اعداد کہلاتے ہیں، اور جن کی عسلامت نہ ہو بے عسلامت اعداد کہلاتے ہیں۔ اعداد کوان کی عسلامت اور تندرے ظاہر کرنے کو عسلامت داروت در اظہبار کہتے ہیں۔

کمپیوٹرشنائی اعبداد، 0 اور 1، استعال کرتاہے، اور ہر معلومات کو انہیں نے ظاہر کرتاہے۔ روایت آمثرت عملامت (+) کو 0 (صنعر) اور ننی عملامت (-) کو 1 (ایک) نے ظاہر کیا حباتا ہے۔ عملامت عمدہ کی بائیں حبانب کھی حباتی ہے۔ یوں 0+ کو حپار شنائی ہندسوں نے ظاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسہ مثبت عملامت (+) کو جبکہ باقی تین ہندے 0 کو ظاہر کریں گے۔ ای طسرح 0+ کو ظاہر کریں گے۔ ای کو جبکہ باقی سے سندسہ منی عملامت (-) کو جبکہ باقی سے ہندے 0+ کو طاہر کریں گے۔ ہوئے سامت ہندے 0+ کو طاہر کریں گے۔

$$\underbrace{0}_{+} \underbrace{1}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}_{-} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}$$

ایک دلچیپ حقیقت پر غور کریں۔اگر ہم 11012 مسیں بایاں ہندسہ عسلامت تصور کریں تب ہے۔  $-5_{10}$  کو ظب ہر کرگا گا۔ کو طب کر کا گا، کرے گا، کسیکن اگر ہم حیاروں ہندسوں کو ایک عسد و تصور کریں تب ہے۔  $D_{10}$  یا  $D_{10}$  کا کوظ ہم کر تا ہے۔

سے حبانت اضروری ہے، آیاشت اُئی اعبد او کابایاں ہند سہ عسلامت کو ظاہر کرتا ہے یا ہے عدد کا حصہ ہے؛ ہے فیصلہ اعبد اواستعمال کرتے وقت آپ فیصلہ کرتے ہیں کہ عسلامت واریا ہے عسلامت (غنیسر عسلامت واریا ہے عسلامت واراعد اور غنیسر عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد کرتے ہیں کہ صف کو دو مختلف طسر لقول سے ظاہر کسیاحیا مکتا ہے، ان مسین ایک مثبت اور دوسرامنی ہے!

اسس حبدول مسیں حیار شنائی ہندسوں سے اعبداد کھے گئے؛ کمپیوٹر مسیں اعبداد، عسوماً، ایک بائٹ استعال کرتے ہوئے کھی حیاتا ہے۔ ایک بائٹ 8 شنائی ہندسوں کو کہتے ہیں۔ عسلامت دار اعبداد کو بائٹ مسیں کھتے ہوئے، دائیں سات ہندے عسدد کی وتدر جبکہ بایاں آحسری ہندسہ اسس کی عسلامت ظاہر کرے گا۔

 $00000101_2 = +5_{10}$   $01111111_2 = +127_{10}$   $10000101_2 = -5_{10}$   $11111111_2 = -127_{10}$   $00000000_2 = +0_{10}$   $10000000_2 = -0_{10}$ 

ان اعبداد مسین بھی مثبت اور منفی صف یایا گیا؛ روز مسرہ زندگی مسین صف کو ہم مثبت تصور کرتے ہیں۔

۲.۲. مثبت اور منفی اعب داد

### حبدول ۲:۱ چپارہند سوں کے عسلامت دار اعب داد

عسلامت دار	شنائي
$+7_{10}$	01112
$+6_{10}$	$0110_{2}$
$+5_{10}$	$0101_{2}$
$+4_{10}$	$0100_{2}$
$+3_{10}$	$0011_{2}$
$+2_{10}$	$0010_{2}$
$+1_{10}$	$0001_{2}$
$+0_{10}$	$0000_{2}$
$-0_{10}$	$1000_{2}$
$-1_{10}$	$1001_{2}$
$-2_{10}$	$1010_{2}$
$-3_{10}$	$1011_{2}$
$-4_{10}$	$1100_{2}$
$-5_{10}$	$1101_{2}$
$-6_{10}$	$1110_{2}$
$-7_{10}$	11112

باب۲۰ بنیادی حاب

حبدول ۲.۲:عسلامت دارایک کاتکمله اور دو کاتکمسله اعب داد

عسلامت دار دو کا تکسله	عسلامت دارایک کاتکسله	عسلامت دار فت در	اعثاری عبد د
0111	0111	0111	+7
0110	0110	0110	+6
0101	0101	0101	+5
0100	0100	0100	+4
0011	0011	0011	+3
0010	0010	0010	+2
0001	0001	0001	+1
0000	0000	0000	+0
ن <sup>ې</sup> سىياياسا تا	1111	1000	-0
1111	1110	1001	-1
1110	1101	1010	-2
1101	1100	1011	-3
1100	1011	1100	-4
1011	1010	1101	-5
1010	1001	1110	-6
1001	1000	1111	-7
1000	ىنچى <u>ن</u> پاياحبا تا	ىنىپىياىسى باياسىيا تا مىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىلىل	-8

اشٹ کچھ کہنے کے بعبد آپ کو بت اتا حیلوں کہ، کمپیوٹر مسیں منفی اعبداد کو عبدالمت دار وتبدر اظہبار مسیں نہمیں بلکہ عبدالمت دارو 1 کے تکمیا یا عبدالمت دارو 2 کے تکمیا نظام مسیں رکھا اور استعمال کیا حباتا ہے۔ ایکے حصہ مسین ان نظام پر غور ہوگا۔

### ٢.٧ عسلامت دارو تكميله نظام

کمپیوٹر مسیں عبد دی بر قبیات کی مدد سے اعب او جمع یا منفی کیے حباتے ہیں۔ ب اعمال اساسی تکما ہیا اساس منفی ایک کا تکما ہ (حصہ ۲۰۲۱ اور حصہ ۵۰۲ دیکھییں) استعمال کرتے ہوئے زیادہ خوسش اسلوبی سے سسر انحبام دیے حباتے ہیں۔

کمپیوٹر چونکہ شنائی اعبداد استعمال کرتاہے، ابلیہ زااسس مسیں منفی اعبداد 1 کے تکمیاریا 2 کے تکمیارہ مسیں کھے حباتے ہیں۔ حبدول ۲۰۲ مسیں حپارشنائی ہندی (حپاریٹ) عملامت دار اعبداد کا 1 کا تکمیار اور 2 کا تکمیار روپ پیش کیا ہے۔ گیا ہے۔

حبد ول ۲.۲ سے آپ دکھ سکتے ہیں کہ مثبت عبد د، شنائی ہند سول مسین ایک ہی طب یقب سے کھسا حب تا ہے ، جب کمہ منفی عبد دتین طب یقوں سے کھسا حب اسکتا ہے۔ یوں تسینوں طب ریقوں مسین مثبت عبد دکو سیادہ شنائی عبد رد کھیں۔ مثبت عسد د x کی عسلامت دار روپ مسین عسلامتی بیٹ 0 ہے 1 کرنے ہے x کا عسلامت دار روپ حساس ہوگا۔ یوں 5 کو عسلامت دار روپ مسین کھنے کی صناطس 5 کو عسلامت دار روپ 01012 مسین کھنے کی صناطس 5 کو عسلامت دار روپ 11012 مسین کھنے کی کہ کا عسل ہوگا۔

منتی عدد x - 2 وعسلامت دارایک کے تلمسار روپ مسین کھنے کی حناطسر x + 2 وعسلامت دارشنائی عدد (لیمنی سادہ شنائی روپ مسین) کھھ کر اسس کا 1 کا تکسلہ لیں۔یاد رہے کہ 1 کا تکسلہ حساصل کرتے ہوئے شنائی عدد کے ہر ہدند کر متح مسلامتی ہدنے کا متعم لیت ہو گا۔یوں 5 – کو عسلامت دارایک کے تکمسلہ روپ مسین کھنے کی حناطسر 5+ کو 1010 کھے کر متم لین جو درکار روپ 1010 دے گا۔

منفی عبد د x – کو عسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین کھنے کی حناطسر x + کو عسلامت دارشنائی عبد د ( یعنی سادہ شنائی روپ مسین) کلھ کر اسس کا 2 کا تکمیلہ لیں یاد رہے کہ 2 کا تکمیلہ حیاص کرتے ہوئے شنائی عبد د کے ہر ہندسہ ( بہتع عبلا متی بٹ) کا متم لین اہوگا۔ یوں 5 – کو عبلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین کھنے کی حناطسر 5+ کو 000 کے 000 کھی کر دوکا تکمیلہ لیں جو در کارروپ 000 د 000 دے گا۔

#### سوالا \_\_\_\_

سوال ۲.۱: درج ذیل شنائی محبسوع حساصل کریں۔ان سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔جوابات کا مواز نے کریں۔

101 + 1011 .	1011 + 1101 .3	110 + 101 .
101 + 1111 .	1101 + 1001 .	11 + 101 .—

جواب: شنائی 1011 ، 1000 ، 1000 ، 10110 ، 10000 ، 10100 ؛ اعشاری 11 ، 8 ، 24 ، 25 ، 16 ، 20 موال ۲۰۰۰ درج وابات درج وابات کریں۔ جوابات کو اعتباری روپ مسین بھی مسل کریں۔ جوابات کامواز سے کریں۔

جواب: شنائى 1 ، 10 ، 10 ، 100 ، 110 - ، 1010 ؛ 101 ؛ 10 ؛ 2 ، 2 ، 4 ، 6 – ، 1010

سوال ۲.۳: درج ذیل شنائی اعبداد کے سوالات حسل کریں۔انہیں سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔جوابات کاموازے کریں۔

74

جواب: شنائى 11.1 ، 10.1 ، 10.001 ، 100.01 ، 10.101 ، 10.001 ، 10.001 سوال ۲.۴: درج ذیل اعث اری سوالات کوشن ائی روپ مسین تب بل کر کے حسل کریں۔

$$1024 - 63$$
 .  $2$   $121.2 - 94.3$  .  $3$   $64 + 32$  .

$$2056 + 1024$$

2056 + 1024 . 36.09 + 22.24 . 256 - 128 .

110000001000 ، 1111000001 ، 111010.010 ، 11010.1110 ، 10000000 ، 1100000 ، 1100000

ئ. 23409.65487

0.63 .

205 .

6 .1

39.09 .2

3160029 ...

8 .—

و. 9807568 ط. 3093.9801

ئ. 19

جوا \_\_: تكملا \_\_ نو 3 ، 1 ، 80 ، 794 ، 795 ، 6839970 ؛ تكملا \_\_ د سن 4 ، 2 ، 18 ، 795 ، 795 ، 6839971 0192432

سوال ۲۰۲۲: درج ذیل شنائی اعب داد کا(اتنے ہی ہند سول مسین) تلمیلہ ایک اور تلمیلہ دوحیاصل کریں۔

11.11 .

ت. 111101

1011 ./

1101.0011 • 10101010 •

1001 .\_\_

جواب: کملات ایک 0100 ، 0110 ، 0100 ، 0100 ؛ کملات دو 0101 ، 0100 ، 0100 ، 0100 ؛ کملات دو 0101 ، 0111 ، 01010 ، 01010110

سوال ۲۰۷: درج ذیل اعشاری سوالات کو تکمیا نه نواور تکمیا درسس استعال کرتے ہوئے حسل کریں۔ سادہ طسریقے سے حساصل جوامات کے ساتھ موازے کریں۔

$$0.555 - 0.045$$
 .

$$23.9 - 13$$
 .

9 - 4 1

$$1000 - 909.5301$$
 .  $555.078 - 303.93$  .

16 - 9 .—

سوال ۲۰۸: درج ذیل شنائی سوالات کو تکسلہ ایک اور تکسلہ دو سے حسل کریں۔ سادہ شنائی طسریقے سے حساسل جوابات کے ساتھ موازے کریں۔

$$101 - 1010$$
 .

$$11.10 - 10.11$$
 .

11 - 10 .

$$0.11 - 1101.11$$

$$0.11 - 1101.11$$
 .  $1101.01 - 1001.1$  .

1101 - 1010 .—

سوال ۲۰۹۰: درج ذیل اعشاری سوالات کوشنائی روپ مسین تب دیل کر کے حسل کریں -جواب کو واپس اعشاری روپ مسین تب دیل کرکے اعشاری طسریقے سے حسامس ل جواب کے ساتھ مواز نے کریں۔

2048 × 2048 ... 15 × 3.625 .c 3 × 9 .!

# با\_\_\_ا

# بوولين الجبرا

بوولین الجبرا انگلتان کے ریاضی دان حبارج بوولی کے نام سے حبانا حباتا ہے، حبنہوں نے اسس الجبرا کو دریافت کیا۔ بوولین الجبرا ذہنی سوچ یعنی منطق کو الجبرائی روپ مسیں لکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اسس لئے حید رانی کی بات نہیں کہ کمپیوٹر اسی کو استعمال کرتا ہے۔

# ا. ۳ بوولین الجبراکے بنیادی تصورات

عام الجبرامسين متغيرات استعال كرتے ہوئے تصور كياحباتا ہے كہ ان كى قيت كچھ بھى ہوسكتى ہے۔ مشلاً، تغساعسل x = f(x,y) ، ورج ذیل ہیں۔ x = f(x,y) ، ورج ذیل ہیں۔

x	y	
0	0	0
1	2	5
2	1	4
3	2	7
2	2	6
3	1	5

اس تف عسل جس کوایک نامکسل حبدول کے روپ مسیں پیش کیا گیا ہے کاالجبرائی روپ درج ذیل ہے۔

$$z = x + 2y$$

اسس کے بر عکس، بوولین الجبرامسیں متغیبرات کی صرف دو ممکنہ قیمسیں ہیں۔ان دو قیتوں کو عصوماً 0 (صف ر)اور 1 (ایک) سے طاہر کسیاحہا تا ہے۔ بوولین تفاعسل کی چند مشالوں پر غور کرتے ہیں۔

٠٠٠ با يوولين الجرا

X	Υ	Z
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

حبدول السنز دومتغب رمنطقی ضرب

### ا.۱.۱ منطقی ضرب

تصور کریں X اور Y آزاد ہو ولین متغیرات ہیں، جب کہ Z ان کا تابع ہو ولین متغیر ہے، اہلہ ذااسس کی مکت قیمتیں صرف D اور D ہیں۔ ای طسرح D بھی ہو ولین متغیر ہے، اہلہ ذااسس کی قیمت میں صرف D اور D بھی ہو ولین متغیر ہے۔ اسس طسرح اگر جہ اسس کی قیمت D اور D بھی صرف D اور D بھی ہو ولین متغیر ہے۔ اسس طسرح اگر جہ اسس کی قیمت D اور D کی تابع ہے، اسس کے باوجود D کی قیمت صرف D یا D بی ہو سکتا ہے۔ متغیرات D اور D درج ذیل حہار ممکن جیس میں یائے جب سکتے ہیں۔

X	Υ
0	0
0	1
1	0
_1	1

ان حیار مکن صور توں میں ک کی قیم 0 یا 1 ہوگا۔

آئیں، جبدول ۱٫۳ مسیں پیش کے گئے منطق تف عسل پر غور کرتے ہیں جس کی تمسام ممکنہ قیمتیں اسس جدول مسیں دی گئی ہیں۔ اسس مشال مسیں تائع متغیر Z کی قیمت صرف اسس وقت I ہجب X اور Y دونوں کی قیمت X ہے۔ یکی قیمتیں X اور Y کی سادہ ضرب  $X \cdot Y$  سے بھی حساس ابوتی ہیں (ذیل دیکھیں)۔

$$0 \cdot 0 = 0$$
$$0 \cdot 1 = 0$$
$$1 \cdot 0 = 0$$
$$1 \cdot 1 = 1$$

ای کی بن پر حبدول ۱٫۳ امسیں پیش تف عسل (اور عمسل) کو پوولین ضرب یا منطقی ضرب کہتے ہیں۔ پوولین ضرب کو آزاد متغیبرات کے در میان نقط۔" · " سے یا آزاد متغیبرات کو مشریب متسریب کھنے سے ظاہر کسیاحبا تا ہے۔ یول پوولین ضرب درج ذیل کھیاحیائے گا۔

$$Z=X\cdot Y$$
  $(Y_{\cdot,0})$   $Z=XY$   $(y_{\cdot,0})$   $(y_{\cdot,0})$ 

$\boldsymbol{A}$	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

حبدول ۳۲: تین متغب ربوولین ضرب

منطقی ضرب کے تصور کو وسعت دے کر متعدد آزاد متغیرات کے لئے بیان کیا حبا سکتا ہے۔ منطقی ضرب کی عصومی تعسریف پیش کرتے ہیں۔

توسريف: منطق ضرب اسس صورت 1 ديگاجب تسام آزاد متغيرات كي تيت 1 بو

حبدول ۲۰۳۷ کو مشال بناتے ہیں۔ اسس طسرح کے حبدول مسیں آزاد متغیبرات کی تمسام ممکنات لکھنے (یعنی آزاد متغیبرات کے مشال بناتے ہیں۔ اسس طسر مداحشل XX کو شنائی عبدد کے ہندہے تصور کر کے، حبدول کے مطاوب حنانوں مسیں صفر (00) تا تین (11) گستی کھیں۔ یوں پہلے صف مسیں XX کی جگہ 00 ،دوسری صف میں 10 ، تیسرے مسیں 10 اور آحسری مسیں 11 کھی حبائے گا۔

تین آزاد متغیرات کے منطق ضرب تف عسل Z = ABC کو جدول ۲۰۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ آپ ویکھ کئی ہے (جو تین کے بین کہ حبدول کے تین مداحن ل کے حنانوں مسیں صف (000) تا سات (111) گئن گئی گئی ہے (جو تین ہددول کے شنائی اعبداد ہیں)۔

### ۳.۱.۲ منطقی جمع

آزاد متغیرات X اور Y کا(روز مسره)ساده الجبرائی محبوعه S=X+Y جبدول Xمسین پیش کسیا گلیا X

حبد ول ۱۳۳۳ اور حبد ول ۱۳۳۳ کے اولین تین نتائج ایک جیسے ہیں۔اسس مثابہت کی ہنا حبد ول ۱۳۳۳ مسیں دیے گئے بوولین تف عسل کو بوولین جمع یا منطق جمع کہتے ہیں اور اسس بوولین تف عسل کو جمع کے نشان " + " سے ہی ظاہر کمپاحبا تا ہے۔ یوں السيس بيولين الجرا

X	Υ	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1 2
1	1	2

X	Υ	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

حبدول ۴. ۳: دوشنائی اعبداد کاساده مجسوعی

ج دول ۳ بس: دومتغب رمنطقی جمع

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

 $\begin{array}{c|c} X \mid Z \\ \hline 0 \mid 1 \\ 1 \mid 0 \end{array}$ 

حبدول ۲ به:منطقی ننفی یامتم

حبدول ٣٠٥ تين متغير منطقي جمع

حبہ ول ۳ بسمب یں پیش یوولین جمع تف عسل درج ذمل لکھ حب کے گا۔

$$(r,r)$$
  $Z = X + Y$   $(\xi^{\ell}_{uv} \cup \xi^{r}_{u})$ 

یہ بودلین نق<sup>ع</sup>ل کی مساوات ہے جس کوعسام الجبرائی جمع ہر گزن۔ سعجماحبائے۔بالخصوص، بودلین جمع کرتے وقت یاد رہے کہ 1 + 1 + 1 ہے۔

بوولین جع کے تصور کو وسعت دے کر متعدد آزاد متغیرات کے لئے بیان کیا حبا سکتا ہے۔ بوولین جمع کی عصومی تعسریف درج ذیل ہے۔

تعسریف: منطقی جمع اسس صورت 1 دیگاجب آزاد متغیرات مسین کم سے کم ایک متغیر کی قیمت 1 ہو۔

تین متغیبر منطقی تبتع تف عسل Z = A + B + C حبدول ۵.۳ مسیں پیش کی گیا ہے۔ یاد رہے کہ تین آزاد متغیبرات کے منطقی تبتع کا گجرائی تبتع کی ساتھ کوئی تعساق نہیں۔ یہاں جمع کی عسلامت بودلین جمع کو ظاہر کرتی ہے لہذا یہاں 1+1+1 ہوگا۔

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

В	Z
0	0
1	1
0	1
1	0
	0

حبدول ۸ سازتین متغیب ربوولین ملاث رک یجمع

حبدول ۷ سا: دومتغب رمنطقی بلاست رکت جمع

### ۳.۱.۳ منطقی نفی

بوولین تف عسل Z=f(X) کا تعسری مثال سے ہیں جہاں آزاد متغیر X اور تائع متغیر Z کا تعساق حبدول ۱۳۳ مسین پیش کیا گیا ہے۔

اسس تف عسل کو پوولین نفی کہتے ہیں۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ در حقیقت، تائع متغیبر Z ، آزاد متغیبر کامتم ہے۔ یوں پوولین نفی درج ذبل لکھ حیاسکا ہے۔

$$(\mathbf{r},\mathbf{r})$$
  $Z=\overline{X}$   $(\mathbf{r},\mathbf{r})$   $Z=\overline{X}$ 

ہوولین نفی صرف ایک آزاد متغیر کے لئے بیان کیا حباسکتا ہے، اور اسس کی تعسریف درج ذیل ہے۔ تعسریف: بوولین نفی آزاد متغیر کامتم دیت ہے۔

### ۳.۱.۴ منطقی بلاث رکت جمع

دو آزاد متغیبرات کاایب بودلین تف عسل حبدول ۲۰۳۰ مسین د کھایا گیاہے، جس کا تابع متغیبراسس صورت 1 ہے جب صرف ایک آزاد متغیبر 1 ہو۔ یہ دو متغیبر بودلین بلا مشرکت جمع ہے۔ اسس تصور کو متعید د آزاد متغیبرات تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔

تعسریف: طاق تعبداد کے آزاد متغیرات 1 ہونے کی صورت میں بودلین بلاشرک کا تائع متغیر 1 ہوگا۔

تین آزاد متغیر بلاشر کے جمع تفاعل کوحید دل ۸۰۳مسیں پیش کیا گیاہے۔

الله السياريولين الجرا

A	В	С	$\overline{ Z }$
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	В	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حبدول ۱۰ سا: تین متغب ربوولین ضید بلاست رکت جمع

حبدول ۹ .۳: دومتغب رمنطقی ضد بلات رکت جمع

دواور تین آزاد متغیب ربوولین بلاسشر ک<u>ب</u> کی مساوا<u>ب</u> درج ذیل ہول گی۔

$$Z=A\oplus B$$
 (۴.۴) (۳.۴)  $(z^2-z^2)$   $(z^2-z^2)$   $(z^2-z^2)$   $(z^2-z^2)$   $(z^2-z^2)$   $(z^2-z^2)$   $(z^2-z^2)$   $(z^2-z^2)$ 

### ۳.۱.۵ منطقی ضد بلات رکت جمع

بوولین بلا شرکت جمع نف عسل کانفی ( یعنی متم) اینے سے بوولین ضد بلا مشرکت جمع حسامسل ہو گا، جو دو اور تین آزاد متغیبرات کے لئے درج ذیل لکھا حساتا ہے۔

$$Z=\overline{A\oplus B}$$
  $Z=\overline{A\oplus B\oplus C}$  (تين متخب منطق ضربا با شرکت جن  $Z=\overline{A\oplus B\oplus C}$ 

حبدول ۷.۳ اور حبدول ۸.۳ مسیں تابع متغیب رنفی کرنے ہے بالت رتیب دو اور تین بودلین ضد بلا سشر ک۔ تف عسل حسامسل ہوں گے جنہیں حبدول ۱۹٫۳ اور حبدول ۱۰٫۳ مسیں پیش کسیا گیاہے۔

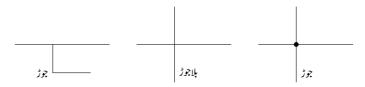
### ۳.۲ برقی تارول مسیں جوڑ کی وضاحت

شکل ۱۰ اپر غور کریں جس مسیں برقی تاروں کے پہوڑ کی وضاحت کی گئی ہے۔

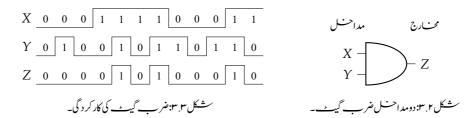
جہاں ایک تار دوسسری تار کے اوپر سے گزرتی ہو اور دونوں آپس مسین حبٹری ہوں، وہاں جوڑ کے معتام پر نقطے کانشان لگایا حباتا ہے۔ایک صورت مسین انہیں ایک تار تصور کیا جبائے۔

جہاں تاریں آپس مسیں حبٹری نے ہوں وہاں انہیں بغیبر نقطے کے نشان سے ایک دوسسری کے اوپر سے گزر تا د کھایا حباتا ہے۔ نقطے کے نشان کی غیب موجود گی مسین ان تارول کو دوعلیحہ داور بلاجوڑ تاریں سسجھاحبائے۔

تیب ری صورت بھی سشکل مسیں و کھائی گئی ہے جہاں عناط قبھی کا امکان نہیں پایا جباتا۔اسس مسیں ایک تار کا سسر دوسسری تار پر حستم ہو تا ہے۔ایی صورت مسیں انہیں ایک تار تصور کسیا حبائے ( یعنی بید دونوں آ لیس مسیں حبٹری ہیں)۔ m.m.عــــ دی گیــــــ



#### شکل است: تاروں کے پیچر قی جو ڑ۔



### ۳.۳ عبد دی گیب 🚅

بوولین الجبرائے تین اہم ترین تف عسل پر حسب ۱٫۳ مسیں غور کسیا گسیا۔ سیہ تف عسلات عسد دی برقسیات مسیں کلسیدی کردار ادا کرتے ہیں، جبال انہسیں عسد دی ادوار کی مدد سے حبامہ پہنایا حباتا ہے۔ سیہ مخصوص عسد دی ادوار، عسد دی گیٹ کہلاتے ہیں۔

### ۳.۳.۱ ضر \_ گیٹ

منطق (بوولین) ضرب تف عسل کو ضرب گیٹ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جو مشکل ۲.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ آزاد متغیبرات، X اور Y ، ضرب گیٹ کی ہائیں حبانب بین جبکہ تائع متغیبر، Z ، دائیں حبانب ہے۔ آزاد متغیبرات کو مداحن جبکہ تائع متغیبر کو محنارج کہتے ہیں۔ دو متغیبر ضرب گیٹ کے دو مداحنل اور ایک محنارج ہوگا۔ یہ گیٹ، ضرب تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

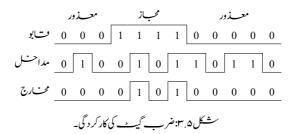
شکل ۳.۳ مسیں دومداحنل ضرب گیٹ کی کار کردگی ترسیم کی گئی ہے، جہاں 0 کوپست اور 1 کوبلٹ دککسیرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ آپ و کیلی سے بین کہ محنارج صوف اور صوف اسس صورت بلند ہوتا ہے جب ضرب گیٹ کے تیس مداحنل بلند ہوں۔ ہم 0 کوپست اور 1 کوبلٹ بھی پکارتے ہیں۔ اسس مشکل مسین مداحنل کو کسی حناص ترتیب سے تیب دیل نہیں کہیا گیا۔

ضرب گیٹ کو مشکل ۳.۳ مسیں بطور عددی گیٹ یاعددی سونگی دکھسایا گیا ہے جہاں ایک داختلی پنیا کو ت ابو پنیا کا منام دیا گیا ہے جہاں ایک داختل پنیا کو ت ابو پنیا کا نام دیا گیا ہے جہاں ایک دوسرے کو (اب بھی) مداختل کہا گیا ہے۔ ضرب گیٹ کے حبدول سے واضح ہے کہ جب تک وت ابو پنیا 0 ہو، حنارتی پنیا 0 رہتا ہے۔ اسس صورت مسیں مداختل پر موجود مواد، حنارتی پنیا تک جب شہیں بھی تا گئی ملا، لینی اسس پر 0 یا 1 کا محنارج پر کوئی اثر نہیں ہو تا؛ ہم کہتے ہیں وت بو پنیا نے ضرب گیٹ کو معدور کر دیا داسس کے بر عکس اگر وت بو پنیا 1 ہوت دنارتی پنیا پر وہی کچھ ہوگا جو مداختل پر ہوگا؛ ہم کہتے ہیں ضرب گیٹ محباز کر دیا گیا ہے۔ وت ابو پنیا پر ایک یا صفحت سے داختلی اسٹارہ (مواد) کو حنارتی پنیا تک پنیا تا مسکن بینا المسکن بسنایا حباسا کا

س\_س بوولين الج<sub>برا</sub> "



### مشكل ٢٠.٣: ضرب گيب بطور سو چَياايك بِٺ گيٺ.



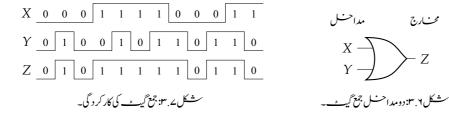
ہے۔ یوں سے ایک دروازے کی طسرح کام کر تا ہے، جس کی بن پر سے گیٹ کہلاتا ہے۔ بت ابوینیا کو، معد ذور اور محباز بن نے والا پنیا بھی کہتے ہیں۔ سشکل ۹٫۳ مسیں ضر ہے گیٹ کی کار کردگی دکھائی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ صرف محباز صورت مسین مواد محتارج تک پہنچایا تا ہے؛ معہذ ورصورت مسین محتارج بمیث پست رہے گا۔

### ۳.۳.۲ جع گیٹ

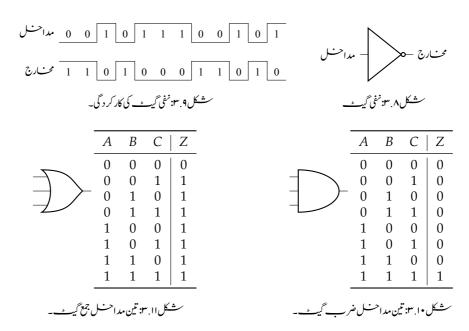
منطقی جمع (بوولین جمع) تنب عسل کو جمع گیٹ ہے عمسلی حبامع پہنایاحبا تا ہے۔ دومداحسل جمع گیٹ مشکل ۱۳۸۳مسیں د کھسایا گیا ہے۔ یہ گیٹ، جمع تف عسل کے حب ول کو مطمئن کر تا ہے۔

جمع گیٹ کی کار کر د گی شکل ۲٫۳ مسیں ترسیم کی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں، جمع گیٹ کاممٹاری اُسس صورت بلند ہوگا جب کوئی مدامشل بلند ہو۔

جمع گیٹ مسیں اگر ایک پنیا کوت او پنیا سسجھا حبائے توپہ ت وت ابو، گیٹ کو محب زبت کر ، داخشلی مواد کو محت ارج تک پنچنے کی احب زے دیت ہے ، جب کہ بلند د ت ابو کی صورت مسین محت ارج لاز مآبلند رہت ہے۔



٣.٣ عبد دی گیٹ ٣.٣



### ۳.۳.۳ نفی گیٹ

نفی تف عسل کو نفی گیٹ سے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جس کی عسلامت مشکل ۸.۳ مسیں و کھائی گئی ہے، اور جو مواد کو محنارج تا ہے۔ اسس کی کارکر د گل شکل ۹.۳ مسیں ترسیم کی گئی ہے۔ آپ د کچھ سکتے ہیں، نفی گیٹ کامخنارج اسس کے مداحنل کاالٹ ہوگا۔ یہ گیٹ، نفی تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

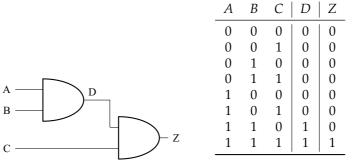
تنی تف عسل ایک آزاد اور ایک تائع متغیر رکھتا ہے، اہنے انفی گیٹ کا ایک مداحسٰل اور ایک محسارج ہوگا۔

### ۳.۳.۴ متعددمداحنل گیٹ

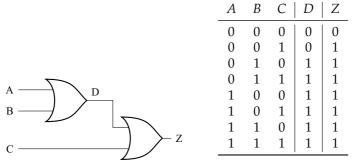
ضرب گیٹ اور جمع گیٹ کے متعد د مداخشل ہو سکتے ہیں (تاہم ،ان کا محنار ن آیک ہوگا)۔ شکل ۱۰ امسیں تین مداخشل مخرب گیٹ اور حبدول ، گھر ، المسیں تین مداخشل بحق گیٹ اور حبدول دکھائے گئے ہیں، جبال A ، اور ک مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل بلت موں ، جبکہ مداخشل بلت ہوں ، جبکہ بھی گیٹ کامختار ن اسس صورت بلت ہوگاجے کوئی بھی مداخشل بلت ہو۔

شکل ۱۲.۳ مسیں دو ضرب گیٹ یوں جوڑے گئے ہیں کہ ایک کا محتارج دوسرے کے مداحنل سے حبر اُ ہے۔ ساتھ کا کواسس دور کا بولود لین حبد ول دیا گیا ہے۔ پہلے حبد ول استعال کے بغیبر اسس دور کو سیجھنے کی کوشش کرتے ہیں۔ محتارج کا اسس صورت بلند ہو گاجب دائیں گیٹ کے مداحنل C اور D دونوں بلند ہوں لیکن D بلند ہونے کے ضروری ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل A اور B دونوں بلند ہوں ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل م کا در کی دونوں بلند ہوں۔ یوں A اور C بلند ہونے کی صورت مسیں محتارج کا بلند ہونے کی صورت مسیں محتارج کے بلند ہوگاہیں تین مداحنل ضرب گیٹ کی حتاصیت ہے۔

۳۸ باب س. بودلین الجبرا



شکل ۱۲ سے: دومداحنل ضرب گیٹ سے تین مداحنل ضرب گیٹ کا حصول۔

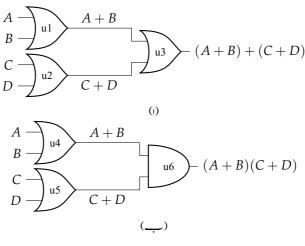


شکل ۱۳ برومداخنل جمع گیٹ سے تین مداخنل جمع گیٹ کاحصول۔

آئیں اب حبدول کو مسیحتے ہیں۔ تین مداحن ABC کے حنانوں کو تین ہند موں کے شنائی اعمداد 000 تا 111 کے گریں۔ اس کے بعد بائیں ضرب گیٹ کے محناری D کے حنانی پُر کریں۔ یاد رہے کہ سے صرف A اور B پر مخصر ہے اور صوف اسس صورت بلند ہوگا۔ اسس کے بعد دائیں ضرب گیٹ کے محناری Z کے حنانے پُر کریں۔ سے صرف C اور D پر مخصر ہے ، اور بلند صرف اسس صورت ہوگا۔ سے مورت ہوگا۔ س

ان نتائج کاب ول ۱۰.۳ امسیں پیش تین مداحنل ضرب گیٹ کے جبدول کے ساتھ کریں۔ آپ د کھ سکتے ہیں کہ شکل ۱۲.۳ میں دونوں ضرب گیٹ کا کر دار ادا کرتے ہیں۔ یوں دو داحنلی ضرب گیٹوں کی مدد سے زیادہ مداحن کا ضرب گیٹ وساسک کی حب ساسک کے دیادہ مداحن کا کا ضرب گیٹ وساسک کی حب ساسک کے دیادہ مداحن کا کا ضرب گیٹ وساسک کے حب ساسک کے دیادہ مداحن کا کا خرب گیٹ وساسک کے دیادہ مداحن کا کا خرب گیٹ وساسک کے دیادہ مداحن کا کا خرب گیٹ وساسک کے دیادہ مداحن کا کو دیادہ مداحن کا کو دیادہ مداحن کی مدد

سٹکل ۱۳.۳ مسیں دو مداحنل جمع گیٹوں سے تین مداحنل جمع گیٹ کا حصول دکھیایا گیا ہے۔ یہاں Z صرف اسس صورت پہت ہوگا جہت ہوگا جہتے ہوگا جہتے ہوگا جہتے ہوگا جہتے گیٹ کی حضاصیت ہے۔  $B \cdot A$ 



<u> مشکل ۱۲ بین جمع اور ضر ب گیٹ کے ادوار۔</u>

جمع گیٹ اور ضرب گیٹ پر مسبنی، مشکل ۴۳،۳ امسیں د کھائے گئے ادوار کو مشال بن کر،عبد دی ادوار حسل کرنا سیکھتے ہیں۔

 $u^2$  اور  $u^2$  کامخناری  $u^2$  اور  $u^2$  کامخناری  $u^2$  کامخناری کامخناری کامخناری  $u^2$  کامخناری کامخنار

آئیں ا ب شکل ۱۳.۳ ب سل ہیں۔ یہاں u4 اور u5 کو نارج بالت رتیب A+B اور C+D دیں گے۔ چونکہ a+B فرب a+B اور a+B اور a+B دیا گانہ a+B دیا گانہ وال

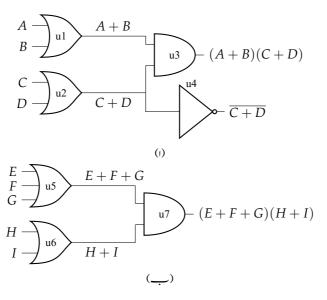
شکل ۱۵۰ الف مسین u کا محنار تی u کا محنار تی u کا محنار تی u کا محنار تی الف مسین u کا محنار تی الف مسین u کا محنار تی الف کا محتار تی م

آب شکل ۱۵.۳ ا – کاحسل، شکل کودیکیر کر سجھ کتے ہیں۔

# ۳.۳.۵ ضرب متم گیٹ اور جمع متم گیٹ

شکل ۱۹.۳-الف میں تین مداحن ضرب گیٹ کامخناری ABC ہوگا، جو نفی گیٹ کامداحنل ہے، البذائنی گیٹ کامداحنل ہے، البذائنی گیٹ کامخناری کامخناری Z = ABC ہوگا، جو نفی گیٹ کے اسس کے لئے علیحہ دہ گیٹ بنایا کامخناری کامخنا کی اسس کے لئے علیحہ دہ گیٹ بنایا کی سنگل سیس مختار کی کہنا ہے، جے ضرب متم گیٹ ریاضہ خرب گیٹ) دکھایا گیا ہے، جے ضرب متم گیٹ کے حبدول کامخم کینے سے ضرب متم گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای مشکل مسین پیش گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای مشکل مسین پیش کیسائیا ہے۔

٠٠ بابِ ٣٠. بوولين الجبرا



شکل ۱۵.۳: گییٹوں کادوسسرادور۔

$$Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$$
 دومداخت ن خرب متم گیند کی مصاوات در ن ذیل ہوگی، جہاں  $X$  اور  $Y$  مداخت ن جب کہ متم گیند کی مصاوات در ن ذیل ہوگی، جہاں  $X = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$ 

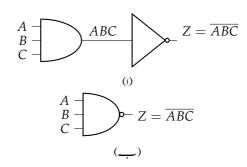
دومداحنل جمع متم گیٹ کی مساوات درج ذیل ہو گی، جبال X اور Y مداحنل جب کہ کے منارج ہے۔

$$(r.2) \hspace{1cm} Z = \overline{X + Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y} \hspace{1cm} (\vec{r}, \vec{c})$$

س السیل ۱۸٫۳ مسیں خرب متم اور جع متم گیٹ سے نفی گیٹ کا حصول دکھایا گیا ہے۔ خرب متم کے دونوں مداحنل کو آپ مسیل جو ڈاگیا ہے، الہذا دونوں مداحنل پر X ہو گا۔ یوں محناری  $\overline{X}$  کا  $\overline{X}$  کا جو  $\overline{X}$  ہو گا۔ یہاں اسس حقیق کو استعال کے گیا گیا ہے کہ اگر 0 ہو تاریخ X ہی X ہی X ہو گا، الہذا X ہو تاریخ کی اگر کہ کا محناری بھی کہ ( $\overline{X}$  وی کا دونوں کا بہذا X بھی X کھے حب سکتا ہے۔ نفی گیٹ کا محناری بھی کہی ( $\overline{X}$  وی کا دونوں کی کا کرکہ دگی ہو گا۔ ای طسری (تسلی کر لیں کہ) جج گیٹ کے مداحنل آپ میں جوڑنے ہی نفی گیٹ سے کا محناری ہوگا۔ ای طسری (تسلی کر لیں کہ) جج گیٹ کے مداحنل آپ میں میں جوڑنے ہی نفی گیٹ سے کا موال ہوگا۔

٣.٣ عبد دي گيٺ ٣.٣

A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

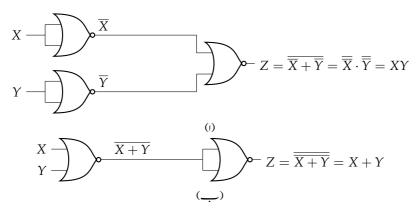
$$\begin{array}{c}
A \\
B \\
C
\end{array}$$

$$A + B + C$$

$$A = A + B + C$$

$$C = A + B + C$$

امهم بيوولين الجبرا



شکل ۱۹ به: جمع متم سے (۱) ضرب گیٹ اور (ب) جمع گیٹ کا حصول۔

سشکل ۱۹.۳-الف مسین تین جمع متم گین ہوں جوڑے گئے ہیں کہ Z = XY سام او، جو ضرب گین کی کار کر دگی ہے۔ یوں جمع متم گینوں سے ضرب گین سام اوگا۔

شکل ۱۹.۳ - ب مسین جمع گیٹ کا حصول د کھایا گیا ہے۔ اسس کامخنارج Z=X+Y ہے۔

شکل ۲۰٫۳ مسیں ضرب متم گیٹ سے (۱) جمع گیٹ اور (ب) ضرب گیٹ کا حصول د کھایا گیاہے۔

### ٣.٣.٢ بلا شرك جمع گيب اور بلا شرك جمع متم گيب

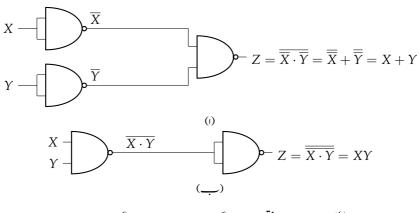
بلا شرک جع تف عسل کو بلا شرک جمع گیٹ سے حساس کیا جب تا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہے، مشکل ۲۰۱۳ الف مسیں پیش کے گئے ہیں۔ ای طسر کہ بلا شرک جمع متم (یاضد بلا شرک جمع متم (یاضد بلا شرک جمع متم گیٹ وارد بلا شرک جمع گیٹ کی مدد سے حساس کیا حب تا ہے جس کا حبدول اور عساس سے مسین پیش کے گئے ہیں۔

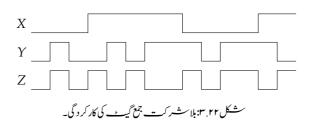
بلا سشر کرتے ہے بلا سشر کرتے ہے جناری کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کرنے ہے بلا سشر کرتے ہے جمال کے ساتھ کی گار کردگی سشکل ۲۲٫۳ مسیں دکھائی گئی ہے، جہال X اور Y مداحسل جب کہ کم محناری ہے۔

تین مداحنل بلا شهرکت بھٹا گیٹ کا محنارج حساصل کرنے کے لئے اسس کے کمی دو مداحنل کا بلا شهرکت بھٹا حساسل کریں اور حساصل جواب کا تیسرے مداحنل کے ساتھ بلا شهرکت جع ہوگا۔ یمی بلا شهرکت بھٹا گا۔ متحد دمداحنل بلاسشرکت بھٹا گی۔ کامحنارج اسس صورت بلند ہوگاجب بلند مداحنل کی تعداد طباق ہو۔

آ ہے ہے گزار ش ہے کہ مذکورہ بالا تف عسلات اور گیپٹول کوا چھی طسرح مستجھیں اور ذہن نشین کریں۔

٣٣عددي گيٺ





۳۴ بپولین الجبرا

# س سیٹوں کے برقی خواص

گیٹ (کا محنارج) اسس صورت بلند تصور کیا جباتا ہے جب اسس (کے محنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے زیادہ ہو۔ ہے۔ بلند محنارجی برقی دباو  $V_{\rm OH}$  کہا تی ہے۔ بلند محورت مسیں گیٹ محنارجی پنے پرایک مخصوص قیمت تا برقی روحنارجی (مہیا) کرسکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (مہیا) کرسکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (مہیا) کرسکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میل کا کیا کہ کابلند کیا کہ کابلند کرتا ہے کہ کابلند کیا کہ کابلند کیا کہ کابلند کیا کہ کابلند کیا کہ کابلند کی کابلند کیا کہ کابلند کیا کہ کابلند کی کابلند کیا کہ کابلند کی کابلند کابلند کی کابلند کابلند کی کابلند کی کابلند کی کابلند کی کابلند کے کابلند کی کابلند کابلند کی کابلند کابلند کی کابلند کی کابلند کی کابلند کابلند کی کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کی کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کی کابلند کابلند

گیٹ (کا محنارج) اسس صورت پیت تصور کیا حباتا ہے جب اسس (کے محنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیب یا اسس سے کم ہو۔ یہ قیب بینے پر ایک مخصوص قیب یا اسس سے کم ہو۔ یہ قیب بینے پر ایک مخصوص قیب تارجی ہوتی و  $I_{OL}$  کہا تا ہے۔ قیب تک برقی روح بذب کر سکتا ہے ، جو گیٹ کا پیت حنار جی برقی رو $I_{OL}$  کہا تا ہے۔

 $V_{IH}$  گیٹ ایک مخصوص قیمت اور اسس سے زیادہ داختلی برقی دباو کوبلٹ د تصور کرتا ہے۔ اسس برقی دباو کوبلٹ د داختلی برقی دباو کہتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کی جن طب در کار برقی رو کوبلٹ د داختلی برقی رو کہتے ہیں۔

 $V_{IL}$  گیٹ ایک مخصوص قیت اور اسس سے کم داخنلی برتی دباو کو پست تصور کرتا ہے۔ اسس قیت کو پست داخنلی برتی دباو  $I_{IL}$  کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ گیٹ کی کی کاطب ردر کاربرتی رو کویست داخنلی برتی رو  $I_{IL}$  کتے ہیں۔

گیٹوں کو آگیس مسیں برقی تاروں سے جوڑا حباتا ہے۔ کبھی کبھار ان تاروں مسیں، حبائے استعال پرپائے حبانے والے تغییر پذیر برقی ومقت طیسی مسید ان کی وجب سے، غییر ضروری اور تاپسندیدہ برقی دباو پیدا ہوتا ہے جے برقی شور کہتے ہیں۔ ایک گیٹ کے پیت حنار جی برقی دباوے ساتھ سے، شور جمع ہو کرا گلے گیٹ کے پیت داحنی برقی دباوے تحب وز کر سکتا ہے۔ ای طسر ح برقی شور بلند حضار جی برقی دباوے نفی ہو کر بلند داحنی برقی دباوے کم ہو سکتا ہے۔ ان دونوں صور توں مسیں اگلا گیٹ غیسر متوقع خت ان کو دگا۔

 $V_{NH}$  بلند حنار تی برقی دباوکی قیمت، بلند داحنلی برقی دباوکی قیمت سے زیادہ ہوتی ہے۔ ان کے منسرق کو بلند شور گنجب کشش  $V_{NH}$  کتے ہیں (مشکل ۲۳۳۳ میکھیں)۔

$$(r.\Lambda)$$
  $V_{NH} = V_{OH} - V_{IH}$ 

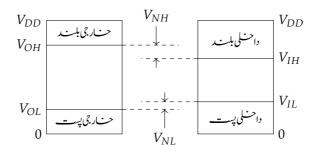
 $V_{NL}$  پ سے حضار جی برقی دباو کی قیمت، پست داحنی برقی دباو کی قیمت سے کم ہوتی ہے۔ان کے مضرق کو پست شور گنجب اکشس  $V_{NL}$ 

$$V_{NL} = V_{IL} - V_{OL}$$

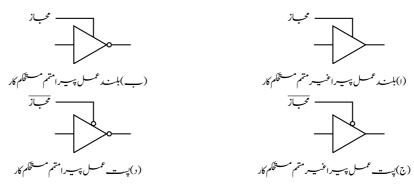
سشکل ۲۳.۳ مسیں  $V_{DD}$  گیٹ کو مہیا کر دوبر تی دباوہ جسے اسس کتاب مسیں مثبت پانچ وولٹ  $(5\,\mathrm{V})$  تصور کیا گیا ہے جبکہ 0 سے مسراد صغف روولٹ برقی دباو (لیخی برقی دباو (لیخی برقی دباو کھی برقی دباو کھی کے۔

پیسے داحنلی برقی دباو اور بلند داحنل برقی دباوے نی سعت (  $V_{IH}$  تا  $V_{IL}$ ) معنی نہیں رکھت اور غیب رمتوقع صورت پیدا کر سکتا ہے ، لہذاء عددی احضارات اس خطہ کو استعمال نہیں کرتے۔ گیٹ اپنے محناری کو تب تک بلند رکھ سکتا ہے جب تک سے دری کی بلند حناری برقی روحہ یا اسس سے کم برقی رومہ پیا کر تا ہو۔ ای طسر ری گیٹ اپنے محناری تب تک پیت رکھ سکتا ہے جب تک گیٹ (اپنی) پیت حناری برقی روحہ یا اسس سے کم روحب ذب کرے۔ ایے معتام کر جہاں گیٹ ان حدود کے اندر نے رہ سے ، ایسا تو انا گیٹ نسب کسیاحب نے گاجوزیادہ برقی روحناری یا (اور) حب ذب کر سے۔ بیت تو انا گیٹ اسٹ سے تکاری تا ہیں۔

٣٠٣ گيڻوں کے برقی خواص



### شكل ٣٠ ٢٣: شوركى گنج ائث كاتخمين ـ



مشکل ۲۰،۲۴ میاز ومعی ذور صلاحیت کے مستحکم کار۔

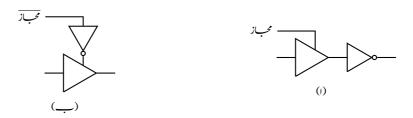
### ۱.۴.۱ مستحكم كار

جیا اذکر ہو،امستحکم کاروہ توانا گیٹ ہے جوزیادہ برقی روحنارج اور حبذ بر سکتا ہے۔اسے عصوماً اسس معتام پرنسب کیا حباتا ہے جہاں در کار برقی روعیام گیٹ کے برقی روکی حسدود سے تحباوز کرتا ہو۔عصوماً مستحکم کار محباز ومعیذور ہونے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔

مستحکم کار کی مختلف اقسام کی عسلامتیں شکل ۲۴.۳ مسیں دکھائی گئی ہیں۔ محباز کردہ مستحکم کار، داخستی مواد کو حساری کرتا ہے جبکہ معین در کردہ مستحکم کار 'زیادہ رکاوٹی علسر آن دونوں اطسران کے ادوار منقطع کرتا ہے۔ معین در مستحکم کار 'زیادہ رکاوٹی حسال 'اختیار کرتے ہوئے سے 1 حساری کرتا ہے۔ زیادہ رکاوٹی حسال کوہم بلندر کاوڈی حال کہ ہیں۔ آپ حبات ہیں کہ عسام گیٹ مشاہ بھی گیٹ یا خرب گیٹ ہیں۔ آپ حبات ہیں کہ عسام گیٹ مشاہ بھی گیٹ یا خرب گیٹ کا محساری لازما بلند ریا ہوت ہوگا۔ ہم کہتے ہیں ہے گیٹ دو حالی آیادو حال میں کیا دو حال میں مسکن ہیں۔ محباز ومعین در وسیلاجیت کا مستحکم کار تین مختلف حسال ہیں۔ کوئی نامین مختلف حسال میں مسکن ہیں۔ محباز ومعین در وسیلاجیت کا مستحکم کار تین مختلف حسال

high impedance state two-state

۲۷ باب ۳. بودلین الجبرا



### شکل ۲۵ : تنی گیا ۔ استعال کرنے سے دیگر مستحکم کار حساس کیے جباتے ہیں۔

(بلن د حسال، پیت حسال اور بلن در کاوٹی حسال) مسین ہوسکتا ہے البندا سے سہ حالی "یا سہ حالی کہا اے گا۔

مباز ومعند ور صلاحیت کے مستخام کار بطور برقی سوخ کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۴،۳۰-ااور ب کے مستخام کار کو منقطع کرنے کی حناط سر "عجباز"کو پست کسیاجبا نے گا، جب اسے بلند کرنے سے مستخام کار محباز ہو کر مداحنل کے مواد کو محنار ن تک کنی خواد کو محنار ن تک کار محباز ہو کر مداحنل کے مواد کو محنار ن تک کار کہ بنی کا گا۔ شکل میں مستخام کار کے محنار بی کو مداحنل سے منقطع کرنے کی حناط سر اسس برقی امضار سے کو پست کسیا جب کا گا۔ مسندی، شکل ب اور د کسیا جب کا گا، جب انہیں جوڑنے کی حناط سر اسس برقی امضار سے کو پست کسیا جب کا گا۔ مستخام مستخل میں مستخل مسئل ہوگا۔ انہیں وجو بات کی بین پر مشکم مستخلم مستخلم مستخلم کار "، شکل - بیاند علی پیرا متم مستخلم کار "، اور شکل - د پیت علی پیرا مشم مستخلم کار "، اور شکل - د پیت علی پیرا مشم مستخلم کار "، سال - بیاند علی پیرا متم مستخلم کار "، اور شکل - د پیت علی پیرا مشم مستخلم کار " کہا نے ہیں۔

شکل ۲۴.۳۰-الف کے مستخکم کار کے محتاری کو نفی گیٹ ہے منسلک کر کے شکل ۲۴.۳۰-الف کے و تابواٹ ہوگا (شکل ۲۵.۳۰-الف دیکھیں) جس کا محتارج داحنلی امشارے کا متم ہوگا۔ ای طسرح شکل ۲۴.۳۳-الف کے و تابواٹ رہ (محباز) سے پہلے نفی گیٹ نسب کرنے سے شکل ج حساسل ہوگا (شکل ۲۵.۳۰-بد میکھیں)۔ شکل ۲۴.۳۳-الف کے و تابواٹ ارہ محباز) سے پہلے اور محتارج کے بعد نفی گیٹ نسب کرنے سے شکل درساسل ہوگا۔

بلند عمس پیسراغی مستحکم کار (شکل ۲۳.۳-الف) کی کار کر دگی حبد ول ۱۱.۳-الف مسین پیش کی گئی ہے۔ غیسر محباز مستحکم کار کا محساری "بلند رکاوٹی حسالی" مسین ہوگا۔ حبد ول-الف کی اولین دوصف اسس صورت کو ظاہر کرتی میں؛ چونکہ غیسر محباز حسال مسین مداحسل کی قیمت نتائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حب ول مسین برسے ظاہر کسیا ہون کا کوئی اثر نہیں ہائی جہاں برسی مداحس کی تعمید دلچیسے "قیتوں کو ظاہر کرتا ہے (جن کا 0 یا 1 ہونے کا کوئی اثر نہیں پایا حسار کرتا ہے (جن کا 0 یا 1 ہونے کا کوئی اثر نہیں پایا حسان کی سات

حبدول سے آیہ دیکھ سکتے ہیں کہ "محباز" کو پہت (0) کرنے سے مستحکم کاربلندر کاوٹی حسال اختیار کرکے، محنارج سے

tri-state

active high non inverting buffer

active high inverting buffer

active low non inverting buffer

active low inverting buffer2

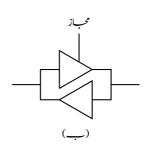
٣٠. س. گيڻول ڪي بر قي خواص

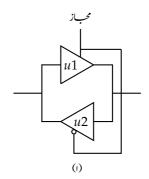
### حبدول ۱۱.۳۱ بلند عمسل پسيراغب متم مستخکم کار کې کار کر د گا۔

( <u> </u> )			
محباز	مداحنل	محنارج	
0	x	بلن ركاوڻي حسال	
1	0	0	
1	1	1	

	`	
محباز	مداحنل	محنارج
0	0	بلن ركاوڻي حسال
0	1	بلن ركاوڻي حسال
1	0	0
1	1	1

(1)





ش کل ۳.۲۲ وطسرت <sup>مست</sup>حکم کار به

حبڑے ادوار پر کی فتم کا اڑنہیں رکھتا۔ محباز بلند (1) کرنے سے محنارج پر وہی مواد حنارج ہوگا جو مداحنل پر مہاکیا حبائے۔

مستخکم کار داخنی حبانب سے حنار بی حبانب مواد منتقتل کرتا ہے۔ جہاں دو ادوار کے مابین دونوں حبانب مواد کی ترسیل درکار ہو، وہاں دو مستخکم کار آپس مسیں متوازی اُلٹ جوڑے حباتے ہیں، مشکل ۲۲۳-الف دیکھ میں۔اسس کو دو طحرف مستخکم کار کہتے ہیں۔ شکل - مسیں اسس کی عسلامت پیش کی گئی ہے۔ بلند "محباز" کی صورت مسیں طحرف معبازاور سال محبازاور 21 معبازاور کاللے خامواد بائیں منتقال ہوگا، جبکہ پست "محباز"کی صورت مسیں 22 محبازاور 41 معبازاور 21 معبازاور 2

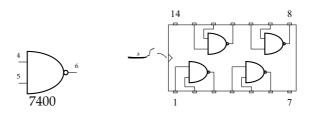
ای طسرح متم دو طسرف مستحکم کاربھی بنایاحباتاہے، جو مواد کامتم حنارج کرے گا۔

مستخکم کار اور متم مستخکم کارے مداحسل آلپس مسیں جوڑنے سے ان کے محسارج پر تفساد حسال حساسسل کیے حباسکتے ہیں؛ مشکل ۲۷۔ الف و مکسیں۔ مسیل اسس کی عسامت پیش کی گئی ہے۔

۳۷ باب س. بوولین الجبرا



### شکل۲۷۰:۱۳:۱ شاره اوراث ارب کامتم دیت امستحکم کار



شكل ٣٠٢. ٣: مختلوط دور 7400

#### ۳.۴.۲ مخنلوط ادوار

عام دستیاب ضرب متم گیٹ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ برقیاتی ادوار، عسوماً، ای طسر آڈبی مسیں بند دستیاب ہوں گے جنہ میں مختلوط دور کہتے ہیں۔ مختلوط دور کا اعسد ادی نام مشلاً 7400 درج ہوگا؛ اسس عدد کے ہسند سوں کے بنی اطسر ان پر حسرون بھی ہوں گے جو اضافی معسلومات و نسر اہم کرتے ہیں۔ ساتھ ہی ڈبی پر دوسسرا عسد دمختلوط دور تیار کرنے کی تاریخ دے گا۔ مشلاً بہاں دوسسرے عسد دکے مطبابق سے مختلوط دور سن 1976 کے پیتالیسویں (45) بنتے مسیں کار حنانے مسیں تیار کہیا گیا۔ جیسا شکل مسیں دکھیا گیا ہے، اسس مختلوط دور مسین حیار نسب مجتم گیٹ موجود ہیں۔

ڈبی پر ''کٹ'' کے نشان سے گھٹڑی محنالف رخ پنیے گنے حباتے ہیں۔ گیٹ کی عسلامت مسیں پنیے پر ککھا عسد د ڈبی مسیں اسس پنیے کامعتام دیتا ہے۔ یول گیٹ کے حنارتی پنیے پر 6 اسس پنیے کاڈبی مسیں معتام دیتا ہے۔ گیٹ کاحنا کہ بناتے وقت اسس کے متسریب محناوط دور کانام (یانمب رجو یہاں 7400 ہے) بھی کھیا حیاتا ہے۔

چېند مختلوط ادوار درج ذيل ہيں۔

ڈ بی مسیں گیٹول کی تعسداد ڈ	گیٹ	نام
4	دومداحنل ضرب متم	
4	دومداحنل جمع مثمم	7402
6	شفی	7404
6	متمم مستحكم كار	7406
4	دومداحن ل ضرب	7408

مثق ا.۳: انٹ رنیٹ سے مندر حب بالا تمام محناوط ادوار کے معلوما آقی صفحاتی^حساس کریں اور ان مسیں علیحہ دہ علیحہ دہ علیحہ دہ گلیٹوں کے معتام دریافت کریں۔ معسلوماتی صفحات مسیں بکث رسے مواد موجود ہوگا جنہ میں دکھ کر پریشان مسے ہوں۔

آپ نے کئی محسلوط ادوار حبدول ۲۸۳ مسیں دیکھے جن کے نمب 74 سے مشروع ہوئے۔ دراصسل 74xx محسلوط ادوار کا ایک سلسلہ بے جس مسیں جیسے جیسے جیسے نئے ادوار سنائے گئے، انہمیں شامسل کی گئیا۔ ان اعداد (74xx) کا ازخود کو کی مطلب نہیں۔ ای طسرح کا دوسسراسلملہ 40xx پکاراحباتا ہے، جس مسیں تمسام محسلوط ادوار کے نمب 40 سے مشروع ہوتے ہیں۔

مختلوط ادوارے کارکردگی حساس کرنے کے لئے ان کوبرتی دباو مہیا کرنالازم ہے۔ سلسلہ 7400 کے تمسام مختلوط ادوار مثبت یک سمتی پانچ وولٹ (5 V) پر کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۸۳ مسیں دکھائے گئے مختلوط دور کو یک سمتی برتی دباو پینیا سات (7) اور چودہ (14) پر مہیا کسیا حبائے گا، جہاں پنیا 14 مثبت ہوگا۔ جن دوپنیوں پر مختلوط دور کوبرتی طاقت مہیا کی حباتی ہے، انہیں طافتی بیٹے کہتے ہیں۔

مثق ۳.۲ انٹ رنیٹ سے سلسلہ 40xx مسیں دستیاب حپار مداحسل ضرب گیٹ محسلوط دور کانمب ر دریافت کریں۔اسس محسلوط دور کوکتٹ برقی دیاو در کار ہوگا؟

# ۳.۵ بوولین تف عل کا تخمین ۳.۵

منطقی ضرب، جمع، ننی تف عسل کے حبدول آپ نے دیکھے۔ منطقی تف عسل کے حبدول کواسس کتاب مسیں منطقی حبدول کہا حبائے گا۔ منطقی تف عسل کا تخبیت دگانے مسیں منطقی حبدول نہایت کارآمد ثابت ہوگا۔ بوولین تف عسل کا تخبیت

datasheet<sup>^</sup>

باب س. بوولين الجبرا

لگاتے وقت (اسس کے) آزاد بوولین متغیرات کی تمام ممکن قیتوں کو ترتیب وار لکھ کر تف عسل حسل کمیاحبائے گا۔

### ۳.۵.۱ بوولین تف عسل کا تخمین

بوولین تغناعسل کا تخمیت لگانے کی حناطسہ ہم بوولین تغناعسل  $Z = A + B\overline{C}$  کو مثال لیتے ہیں۔ اسس تغناعسل کے تین آزاد متغیبرات کی تمام مکن ترتیب کا حدول کھتے ہیں۔ حدول کھتے ہیں۔ حدول کھتے ہیں۔

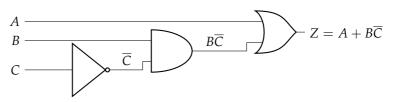
A	В	С
0	0	0
0	0	1
0	1	0
0	1	1
1	0	0
1	0	1
1	1	0
1	1	1

تقساعس مسیں C کی بحب کے  $\overline{C}$  استعمال ہوا ہے، المہذا حبدول مسیں  $\overline{C}$  حسن ہے ہوں ہیں۔ پہلی صف مسیں  $\overline{C}$  کی تجس کو نئی قطب رمسیں بطور پہلا حب زو C کی قیب C کی قیب C کی تیب C کی تعب رہے کہ C کی تعب رہے کہ C ایک ہی متعنب رہ کے درج کرتے ہیں۔ یادر ہے کہ C اور C ایک ہی متعنب رہ کے درج کرتے ہیں۔ یادر کے کہ C اور C ایک ہی متعنب رہ کے درج کرتے ہیں۔

A	В	С	$\overline{C}$
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

تف عسل کی قیمت حساصس کرنے کی حساط سر B اور  $\overline{C}$  کا منطق ضرب  $B\overline{C}$  ور کار ہے، اہلیذاصف در صف B اور  $\overline{C}$  کی (مطابقتی قیتوں کی) منطق ضرب لے کرنئی قط ارمسین (مطابقتی صف مسین) ورج کرتے ہیں۔

۵ سر بوولین تف عسل کا تخمیت ۸ سر ولین تف عسل کا تخمیت



شکل ۳.۲۹ تف عسل  $A+B\overline{C}$  کوعب دی دور ـ

A	В	С	$\overline{C}$	В <del>¯</del>
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0

اب بوولین تف عسل  $A+B\overline{C}$  کی قیمت حسامس کرتے ہیں۔ جبدول مسین ایک نسیاحت شامسل کرتے ہیں۔ جب مسین A اور  $B\overline{C}$  کا منطق جمع ورج کیاحبائےگا۔

A	В	С	$\overline{C}$	$B\overline{C}$	$A + B\overline{C}$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

اسس حبدول مسیں دایاں حن نے (قطار) دیے گئے بوولین تفعل کی قیمت دیتا ہے۔ یہ آزاد متغیرات کی تین ممکن قیمتوں کے لئے 0 اور باقی تمام کے لئے 1 کے برابر ہے۔ اسس تفعل کا منطقی گیمٹوں کے ذریعہ حصول سشکل ۳۹.۳ مسین د کھایا گیاہے۔

ورن بالاحبد ول مسین کی بھی صف مسین A ، B ، اور C کی قیمتیں اسس دور (مشکل ۲۹.۳) کو مہیا کرنے ہے دور ، ای صف مسین دی گئی، تفاعی کی قیمت دے گا۔ یوں پہلی صف مسین C=B ، اور C=0 ، اور C=0 ، اور C=0 ، یین جن کے لئے ، عسین حبد ول کے مطبابق ، C=0 ، اور C=0 ، یین جن کے لئے ، عسین حبد ول کے مطبابق ، C=0 ، اور C=0 ،

باب ۳. يوولين الجبرا

# ٣.٢ قوسين ميں بن د بوولين تف عسل

روز مسرہ الجبرا کی طسرح بودلین الجبرامسیں بھی قوسین مسیں بنند تف عسل بہلے حسل کئے حباتے ہیں۔

مثال است: تناعب ل $\overline{A} + B(\overline{B} + A)$  مثال است:

حسل: نفعسل مسین دو آزاد متغیبرات بین لهند ادو بهند سول پر مسبنی شن کی گستی کلهر کر آزاد متغیبرات کی تمسام ترتیب حسامسل بول گا۔

Α	В
0	0
0	1
1	0
1	1

تف عل مسیں دونوں متغیبرات کے متم استعال ہوئے ہیں لہانہ احب دول مسیں ان کے حسانے بین ا

A	В	$\overline{A}$	$\overline{B}$
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0	0

اب قوسین میں بندھ  $(\overline{B}+A)$  کا خنانہ بناتے ہیں۔

A	В	$\overline{A}$	$\overline{B}$	$(\overline{B} + A)$
0	0 1	1	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	1	0	0	1

 $B \to B$  اور  $B \to B$  اور  $B \to B$  اور  $B \to B$  کا حنات بین ہیں۔ ب خنات میں ویے  $B(\overline{B}+A)$  اور  $B \to B$  مطی بقتی احب زاء کی منطق ضرب سے حناصل ہوگا۔

A	В	$\overline{A}$	$\overline{B}$	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$
0	0	1	1	1 0 1 1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	1	1

اب بم مکسل بودلین تف عسل کی قیت ساسس کر سکتے ہیں۔ تف عسل  $\overline{A}+B(\overline{B}+A)$  ساسسل کرنے کی حن طب ر $\overline{A}+B(\overline{B}+A)$  اور  $\overline{A}$  کا منطق تجمع ساسسل کرنا ہوگا۔

A	В	$\overline{A}$	$\overline{B}$	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$	$\overline{A} + B(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1 0	0	1
0	1	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1 1	0	0
1	1	0	0	1	1	1

# ۳.۷ بودلین الجبراکے بنیادی قوانین

بوولین الجبراکے پانچ بنیادی قوانین مندر حب ذیل ہیں۔

ا اگر 
$$X \neq 0$$
 ہوگا،اور  $X \neq 0$ 

اگر 
$$X \neq X$$
 ہوتب  $X \neq 0$  ہوگا۔

س منطقی جمع

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 1$$

ہ منطقی ضرب

$$0 \cdot 0 = 0$$

$$0 \cdot 1 = 0$$

$$1 \cdot 0 = 0$$

$$1 \cdot 1 = 1$$

۵ منطقی ننفی

$$\overline{0} = 1$$

$$\overline{1} = 0$$

باب ۳. بوولين الجبرا

### حبدول ۱۲ سا: بوولین الجبراکے چیند بنیادی قوانین۔

(۱) پېلاپېلو \_\_\_\_\_\_\_ (۱) پېلو \_\_\_\_\_\_\_ (۱)

		_		•
شِق	مساوات		شِق	مساوات
1	1 + X = 1		1	$0 \cdot X = 0$
2	0+X=X		2	$1 \cdot X = X$
3	$X + \overline{X} = 1$		3	$X \cdot \overline{X} = 0$
4	X + X = X		4	$X \cdot X = X$
5	X + Y = Y + X		5	$X \cdot Y = Y \cdot X$
6	(X+Y) + Z = X + (Y+Z)		6	$(X \cdot Y) \cdot Z = X \cdot (Y \cdot Z)$
7	X(X+Y)=X		7	X + XY = X
8	X + XY = X		8	X(X+Y)=X
9	XY + XZ = X(Y + Z)		9	(X+Y)(X+Z) = X+YZ
10	$X(\overline{X} + Y) = XY$		10	$X + \overline{X}Y = X + Y$
11	$(X+Y)(Y+Z)(\overline{Y}+Z) = (X+Y)Z$		11	$XY + YZ + \overline{Y}Z = XY + Z$
12	X + YZ = (X + Y)(X + Z)		12	X(Y+Z) = XY + XZ
13	$\overline{\overline{X}} = X$	_	13	$\overline{\overline{X}} = X$

اگر حب سے پانچ توانین نہایت سادہ معسلوم ہوتے ہیں، ان سے مکسل بوولین الجبرا اخت کسیا حباسکتا ہے۔ بوولین الجبرا ک چند قوانین حبدول ۱۲٫۳- الف اور ب مسیں پیش کیے گئے ہیں۔ سے تمسام درج بالاپانچ بنیادی قوانین سے اخت کیے حبا سکتے ہیں۔

بوولین مساوات ثابت کرنے کا ایک اہم طسریقہ بوولین حبدول سے اخسذ کرنے کا طسریقہ کہا تا ہے۔ آئیں، درج بالا مسین سے چند قوانین اسس طسریقہ سے حساصل کریں۔

مثال ٣٠: حبدول ١٢٠٣-الف كي شِق 1 كوبوولين حبدول كي مددس ثابت كرين-

حسل: اسس شِق کے بائیں ہاتھ، X واحب متغصیرہ ہے۔اسس کے بودلین حبدول مسین دواندراج 0 اور 1 ہول گے،جوایک ہندی شنائی عسد دکی تسام ممکن قیمتیں ہیں۔

 $\begin{array}{c} X \\ \hline 0 \\ 1 \end{array}$ 

 $0\cdot X$  اور  $0=1\cdot 0$  ورج ہوں گے۔  $0\cdot X$  کاحنات شامل کرتے ہیں، جس مسیں  $0=0\cdot 0$  اور

X	$0 \cdot X$
0	0
1	0

 $\square$  اسس جبدول کی دائیں قطار کہتی ہے کہ  $X \cdot X$  ہمیشہ 0 ہوگا۔ ہم یہی ثابت کرناحیا ہے تھے۔

اسس طسرے کے سوال، جن مسیں ایک متغیرہ X کو متقل عدد C سے منطق ضرب دیت ہو، کی ت م بات م C کریں۔ موجودہ مشال C کیتے ہیں۔ متغیرہ X کے تسام مکن۔ قیمتوں کے حبدول مسیں مستقل C کی قطبار شامل کریں۔ موجودہ مشال مسیں مستقل C کی قطبار مسیں تسام اندراج کی قیمت C ہوگا۔

اب X · D کی قطبار شامسل کریں۔

 $\begin{array}{c|cccc}
C & X & C \cdot X \\
\hline
0 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 0
\end{array}$ 

 $0 \cdot X = 0$  ہوگا۔  $0 \cdot X = 0$  ہوگا۔

مثال ٣٠٣: حيدول ١٢٠٣-الف كي شِق 2 كوبوولين حيدول سے ثابت كريں۔

سل: اسس شِق کے بائیں ہاتھ X واحد متغیرہ، جب کہ 1 مستقل ہے۔ متغیرہ کا ابودلین حبدول لکھتے ہیں؛ ساتھ ہی مستقل 1 کی قطبار سنا سک کرتے ہیں، جس کے تمام اندراج کی قیب 1 ہو گی۔ آ حنسر مسیں X · 1 کی قطبار سنا مسل کرتے ہیں۔

1	X	1 · X	•	1	X
	0 1	0 1	-	-	0 1

 $1 \cdot X = X$  اور X کی مطب بقتی قیمتیں ہمیث۔ ایک حبیبی میں ،لہند اثابت ہوا کہ X = X ہوگا۔

مثال ۳.۳:  $\overline{X}=0$  ثابت کریں۔ حسل:

$$\begin{array}{c|cccc}
X & \overline{X} & X \cdot \overline{X} \\
\hline
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 0
\end{array}$$

 $X \cdot X = X \cdot X = X$  بوگابو  $X \cdot X = 0 \cdot 0 = 0$  بوتب  $X \cdot X = X$  بوگابو  $X \cdot X = X$  بوگابو کابو

باسسبر يودلين الجبرا

X = 1 کی صورت مسیل  $X = 1 \cdot 1 = 1$  کی صورت مسیل  $X = 1 \cdot 1 = 1$  کا موات کی برابر ہے۔ ہمن نے دیکھ کہ X کی تمام قیتوں کے لئے یہ فعت سرہ درست ہے۔

مث لx: فعتره  $\overline{\overline{X}} = X$  ثابت کریں۔ حسل:

X	$\overline{X}$	$\overline{\overline{X}}$
0	1	0
1	0	1

مثال X. اوگار ساز (0 + X = X) مثال X اوگار ساز X

$$\begin{array}{c|c|c}
0 & X & 0+X \\
\hline
0 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 1 \\
\end{array}$$

دائیں دوقط ارایک جیسے ہیں لہاندا ثبوت پوراہوا۔

$$: (1+X=1)$$
 بایت کریں۔ حسل:  $(1+X=1)$ 

$$\begin{array}{c|cccc}
1 & X & 1+X \\
\hline
1 & 0 & 1 \\
1 & 1 & 1
\end{array}$$

دائیں دوقط ارایک جیسے ہیں لہانا ثبو سے پوراہو تاہے۔

مثال ۱۳۰۹: فعتره 
$$X+Y=Y+X$$
 ثابت کریں۔ کسان

X	Υ	X + Y	Y + X
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	1

دائیں دوقط ارایک جیسے ہیں لہندا ثبو سے پوراہو تاہے۔

مثال ۱۰ است کریں کہ 
$$X(Y+Z)=XY+XZ$$
 ہوگا۔ سل:

X	Y	Z	Y+Z	XY	XZ	X(Y+Z)	XY + XZ
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

دائيں دوقط ارايك جيسے ہيں لہاندا ثبوت يورا ہوا۔

مثال ۱۱. X + XY = X ابوگار X + XY = X ابوگار

سل: اسس کو بوولین حبدول کے بحبائے بوولین الجبرا کی مدد سے سل کرتے ہیں۔ ہم مساوات کے بائیں ہاتھ کو XZ + XY ککھ سے ہیں جبال Z = 1 ہوگا۔ یوں حبدول ۱۲۳۳-الف کی شِق 12 کے تحت درج ذیل ہوگا، جہاں Z کی قیست 1 کی گئے۔۔

$$X + XY = X(1 + Y)$$

 $- \sqrt{1000} + \sqrt{1000} + \sqrt{1000} + \sqrt{1000} + \sqrt{1000} + \sqrt{10000} + \sqrt{100000} + \sqrt{10000} + \sqrt{10000} + \sqrt{10000} + \sqrt{10000} + \sqrt{10000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000} + \sqrt{1000000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000} + \sqrt{100000}$ 

$$X + XY = X(1+Y) = X \cdot 1 = X$$

جب ن آحن ری ت دم پر حب دول ۱۲٫۳ -الف کی شِق 2 استعال کی گئی۔

حبدول ۱۲.۳ - الف کی شِق 5 کومتعبد دمتغییرات تک وسعت دی حب سسکتی ہے۔ تین متغییرات کے لئے درج ذیل ہول گے۔

$$ABC = BAC$$
$$= BCA$$
$$= CBA$$
$$= CAB$$

اسس طسرح حبدول ۱۲.۳-ب كى شِن 5 كو بھى دوسے زيادہ متغيرات كے لئے وسعت دى جب سكتى ہے۔ تين متغيرات كے لئے، ب شِن درج ذيل صور تيں افتيار كرتى ہے۔ ۵۸ باب سب. پوولین الجبرا

$$A+B+C = B+A+C$$

$$= B+C+A$$

$$= C+B+A$$

$$= C+A+B$$

# ۳.۸ ڈی مار گن کے کلیات

دونہایہ اہم قوانین جنہیں ڈی مار گن کے کلیا۔ (یاڈی مار گن کے مسائل) کہتے ہیں مندر حب ذیل ہیں۔

$$\overline{X+Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$$
 
$$\overline{X \cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y}$$

ان دومسائل کو بوولین حبدول کی مدد سے ثابت کرتے ہیں۔ ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ  $\overline{X} \cdot \overline{Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$  کا ثبوت درج ذیل سے۔

X	Υ	$\overline{X}$	Y	X + Y	$\overline{X+Y}$	$\overline{X} \cdot \overline{Y}$
0	0	1	1	0 1 1 1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

آپ نے دیکھ دائیں ترین دوقط اریک ال ہیں المبنذ ا $\overline{X} \cdot \overline{Y}$  اور  $\overline{X} \cdot \overline{Y}$  ایک دوسرے کے برابر ہیں۔ یول ثبوت مکسل ہوتا ہے۔

ڈی مار گن کے دوسے رے مسئلہ  $\overline{X} + \overline{Y} = \overline{X} + \overline{Y}$  کا ثبوت درج ذیل ہے (جہاں دائیں ترین دو قطاروں کی یکسانیت ثبوت پیش کرتی ہے)۔

					$\overline{X \cdot Y}$	$\overline{X} + \overline{Y}$
0	0	1	1	0 0 0 1	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	0	0

ڈی مار گن کے مسائل منطقی جمع کو منطقی ضرب مسین اور منطقی ضرب کو منطقی جمع مسین تب میل کرتے ہیں، اور پوولین تف عسل حسل کرنے مسین مدد گار ثابت ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر، حبدول ۱۲.۳-الف کی پہلی شِق 
$$X=0$$
 کا متم لیتے ہیں۔

$$\overline{0 \cdot X} = \overline{0}$$

۳.۸ اوی مار گن کے کلیات

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا دو سسرامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

 $\overline{0} + \overline{X} = \overline{0}$ 

منزید، چونکه 0 کامتم 1 ہے، لینی  $1=\overline{0}$  ہوگا، لہندادرج ذیل لکھ حب سکتا ہے۔

 $1 + \overline{X} = 1$ 

ا س ما وات مسین X کوبوولین متغیرہ Z تصور کیا حباسکتا ہے۔ ہوں درج ذیل حسا صل ہوگا۔

1 + Z = 1

اسس کاحبہ دول ۱۲.۳۳ – بسب کی شِق 1 سے مواز نے کریں۔ متغیبرہ کے نام مختلف ہونے کے عبدالوہ دونوں یک ان ہیں۔

ڈی مار گن مسائل کی مدوسے ہم نے دیکھ کہ

 $0 \cdot X = 0$ 

اور

1 + X = 1

در حقیقے ایک ہی تف عسل کے دو پہلوہیں۔

 $(0 \cdot X = 0) \Leftrightarrow (1 + X = 1) \tag{1}$ 

اسس مسئلہ کو ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ کی مدو ہے بھی دیکھ حب سکتا ہے۔ایس کرنے کی مناطسر ہم پوولین تفاعسل 1+X=1 کے دونوں اطسران کا متم کہتے ہیں۔

 $\overline{1+X}=\overline{1}$ 

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا پہلامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

 $\overline{1} \cdot \overline{X} = \overline{1}$ 

اب آکی جگ 0 ڈالتے ہیں۔

 $0 \cdot \overline{X} = 0$ 

ے مساوات کی بھی متغیرہ X کے لئے درست ہے۔اسس متغیرہ کو ہم Z بھی پکار سکتے ہیں۔ایسا کرنے سے درج ذیل مسال ہوگا۔

 $0 \cdot Z = 0$ 

باب ۳۰. بوولين الجبرا

ہم دیکھتے ہیں کہ ب بالکل X = 0 کی طسرح ہے۔ منسرق صرف متخب ہو کا ہے۔ المبذا ثابت ہوا کہ X = 0 کی ایک نام کا ہے۔ المبذا ثابت ہوا کہ X = 1 اور X = 0 ایک نات عمل کے دو پہلو ہیں۔

مثال ۱۳۰۱: ثابت کریں کہ X=X اور X=X اور X=X ایک بی تف عسل کی دوشکلیں ہیں۔

 $\overline{1 \cdot X} = \overline{X}$ 

ہائیں ہاتھ ڈی مار گن کادو سسرات نون لا گو کرتے ہیں

 $\overline{1} + \overline{X} = \overline{X}$ 

اور آ کی جگے 0 پُر کرتے ہیں۔

 $0 + \overline{X} = \overline{X}$ 

متغیرہ  $\overline{X}$  کونے نام Z سے پکارتے ہیں۔

0 + Z = Z

یہ مساوات کہتی ہے کہ صف رجع ایک بوولین متغیرہ اسس متغیرہ کے برابر ہوگا۔ یوں ثابت ہوا کہ X=X اور X=X اور X=X میں ثابہ ہیں۔

آ \_\_ اى مثال كو پچھلى مثال كى طرح المئار رخ مسيں ثابت كريں۔

مثال ۱۳۰۱ تا بوولین تف عسل  $(X\cdot Y)\cdot Z=X\cdot (Y\cdot Z)$  کامم ثله ڈی مار گن کے متانون لا گو کر کے حساست کریں۔

حل: دئے گئے تفعل کے دونوں اطسراف کامتم کیتے ہیں۔

 $\overline{(X \cdot Y) \cdot Z} = \overline{X \cdot (Y \cdot Z)}$ 

دونوں اطبرانے ڈی مار گن کادوسسرامت انون لا گو کرتے ہیں۔

 $(\overline{X\cdot Y})+\overline{Z}=\overline{X}+(\overline{Y\cdot Z})$ 

ڈی مار گن کامت نون استعال کرتے وقت قونسین مسیں ہند ھے۔ کو ایک متغیبرہ تصور کیا گیا۔ دونوں اطسراف قونسین مسیں ہند تف عسل پر دوبارہ ڈی مار گن کادوسسراوت نون لاگو کرتے ہیں۔

$$(\overline{X} + \overline{Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y} + \overline{Z})$$

### حبدول ۱۳.۱۳ نقف عسل کاحبدول (برائے حصہ ۱۰.۳)

A	В	C
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1

یہاں سے خوں متغیبرات کے متم کلھے گئے ہیں۔ ہم انہیں تین نے ناموں سے پکار سکتے ہیں، مشلاً،  $\overline{X}$  کو A پکارتے ہیں،  $\overline{Y}$  کو B اور  $\overline{Z}$  کو C ، اہلیہ زادر جی ذیل کھا حبائے گا، جو متغیبرات کے نام مخلف ہونے کے عساوہ، حبدول ۱۲٫۳۰ – بی شِق C سے۔

$$(A+B)+C=A+(B+C)$$

## P. ۹ حبر روان بوولین نق<sup>ے</sup> ل

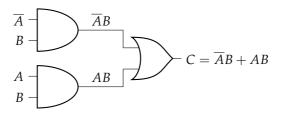
گزشتہ جسبہ مسیں دیکھا گیا کہ بودلین نقب عسل کے دو پہلو ہوتے ہیں۔ یوں کی بودلین نقب عسل کو ثابت کرتے ہی اس کا حب روال بودلین اسس کا حب روال تعلق کے حب روال بودلین اسس کا حب روال تعلق کے حب روال بودلین اسس کا حب روال بودلین اسس کا حب روال مسیں آ حسری شِق کے عساوہ ہر شِق ایک تف عسل کے دو پہلو پیش کر تاہے۔ مشال مدول النہ کی شِق 7 کا دوسر اپہلو حدول – کی شِق 7 دے گا۔

## ۳.۱۰ ارکان ضرب کے مجہوعہ کی ترکیب

منطقی مسئلہ کو بوولین تف عسل کی صور سے مسیں لکھٹا مندر حب ذیل مشال سے ہا آس نی سمجھا حباسکتا ہے۔

ان معسلومات کو حبد ول ۱۳ ۱۳ امسیں پیش کی گیا ہے۔ حبد ول مسیں "ارکان خرب" کی قطب در شامسل کریں۔ اسس قطب رکت میں ای صف کے آزاد متغضرہ پست ہونے کی صورت مسیں متغضرہ کا متم اور بلند صورت مسیں متغضرہ بذات خود ورج کی حبائے گا۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حن طسر، حبد ول کی پہلی صف پر توجب رکھسیں۔ یہاں A=0 اور A=0 اور A=0 اور A=0 بہلند ایہ کی صف مسیں مسیں مسیل کو خرج میں، اہلند ادو سری صف مسیں A=0 اور A=0 ورج ہوگا۔

باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۴۳٫۳۰:ار کان ضر ہے کے محبسوعیہ (مساوات ۱۱٫۳۳) کامنطقی دور۔

A	В	C	ار کان ضرب
0	0	0	$\overline{A}  \overline{B}$
0	1	1	$\overline{A}B$
1	0	0	$A\overline{B}$
1	1	1	AB

تفاعل کے جدول کے الن تمام ارکال ضرب کا مجموعہ لیے جن کی صف میں تائع متغیرہ C کی قیمت 1 ہو۔ یہ مجموعہ تائع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اس طسر تف عسل کھنے کوار کان ضرب کے محبوعہ کی ترکیب کہتے ہیں۔ (اسس کو محبوعہ ارکان ضرب بھی پکار کتے ہیں۔) ارکان ضرب بھی پکار کتے ہیں۔)

یوں درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$(r.11)$$
  $C = \overline{A}B + AB$  (۱۱) پخسوعی (۱۱)

مسادات ۱۱٫۳ مسیں حساصل تف عسل کا منطقی دور سشکل ۲۰۰ مسیں دکھیا اگیا ہے۔

ار کان ضرب کے محب وعب سے حسام ساوات ہر صورت ضرب گیٹوں کی ایک قطار (یاصف) اور ایک جمع گیٹوں کی ایک قطار (یاصف) اور ایک جمع گیٹ سے ساتھ ان کے متم بھی میسر ہیں)۔ ایسا دور ضرب و جمع کا کہالے گا۔

مساوات ۱۱.۳ اور شکل ۳۰.۳ کی در ستگی کی تصدیق بودلین حبدول سے کرتے ہیں (حبدول مسیں موازنے کے لئے C کا حالت بھی پیش کی آلیاہے)۔

\_\_\_\_\_

$\boldsymbol{A}$	В	C	$\overline{A}$	$\overline{A}B$	AB	$\overline{A}B + AB$
0	0	0	1	0	0 0 0 1	0
0	1	1	1	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	1

اسس حبدول کادایاں قطار C کے برابرہے۔

مساوات ۱۱٫۳ لکھنے کا دوسسرا انداز جو نہایت مقبول ہے سنجھنے کی مناطسر تفاعسل کے حبدول مسیں "ارکان ضرب" کے عسلادہ ایک نی قطبار (m) شامسل کرتے ہیں۔

A	В	C	ار کان ضر ب	m
0	0	0	$\overline{A}\overline{B}$	$m_0$
0	1	1	$\overline{A}B$	$m_1$
1	0	0	$A\overline{B}$	$m_2$
1	1	1	AB	$m_3$

نی قط ارمیں m ارکان ضرب کوظ اہر کرتا ہے، لہذا تف عمل C کی مساوات کھتے ہوئے  $\overline{A}B$  کی بجب نے  $m_1$  اور  $\overline{A}B$  کی بجب نے  $m_2$  کی بحب نے  $m_3$  کی بحب نے روس مساوات  $m_3$  کی بحب نے روس کھتے ہیں۔ پول مساوات  $m_3$  کی بحب نے روس کی بحب نے روس کی بحب کے بیاد کی کرد کرد کی بی بیاد

$$C = \overline{A}B + AB$$

$$= m_1 + m_3$$

$$= \sum (m_1, m_3)$$

$$= \sum (1,3)$$

ار کان ضرب روایت آ (چھوٹی کھ کئی مسیں)  $m_{\chi}$  کھے حباتے ہیں، جہاں زیر نوشت  $\chi$  حب ول مسیں مطابقتی صف کے آزاد متغیبرات کوشن کی عب د (کے ہند ہے) سمجھ کر، ہر ابر کا اعشاری عب د لیاحباتا ہے۔

مثال ۱۹/۳: درج ذیل بوولین حبدول سے بوولین تف عسل کی مساوات حساس کریں۔

A	В	С	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

باب ۳. بوولین الجبرا

انب ار کان ضرب کی قط ار شام ل کرتے ہیں۔	تغییرہ ہے۔ حبدول کی دائیں حب	جيدول مسين Z تائع <sup>م</sup> ُّ	حسل:
---	------------------------------	-----------------------------------	------

A	В	С		ار کان ضرب	m
0	0	0	1	$\overline{A}  \overline{B}  \overline{C}$	$m_0$
0	0	1	0	$\overline{A}  \overline{B}  C$	$m_1$
0	1	0	1	$\overline{A} B \overline{C}$	$m_2$
0	1	1	1	$\overline{A}BC$	$m_3$
1	0	0	0	$A \overline{B} \overline{C}$	$m_4$
1	0	1	0	$A \overline{B} C$	$m_5$
1	1	0	1	$AB\overline{C}$	$m_6$
1	1	1	1	ABC	$m_7$

اُن ار کان خرب کا محبہ و عبہ لیتے ہیں جن کی صف میں تائع متنے ہو کی قیمت 1 ہے۔  $Z=\overline{A}\,\overline{B}\,\overline{C}+\overline{A}\,B\,\overline{C}+\overline{A}\,B\,\overline{C}+\overline{A}\,B\,C+A\,B\,\overline{C}+A\,B\,C$   $_{-}$  سے دیے گئے تف عسل کی مساوات ہے جس کو درج ذیل بھی کھی حب سکتا ہے۔  $Z=\sum (m_0,m_2,m_3,m_6,m_7)$ 

$$Z = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B \, \overline{C} + A \, B \, C$$

$$= \overline{A} (\overline{B} + B) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (\overline{C} + C)$$

$$= \overline{A} (1) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (1)$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B C) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + A B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + A B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + A B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + A B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + A B) + A B$$

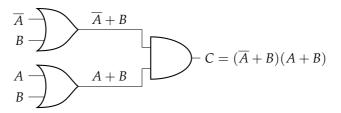
$$= \overline{A} (\overline{C} + A B) + A B$$

ہے دیے گئے بودلین حبدول کی سادہ ترین مساوات ہے۔اسس کا بودلین حبدول لکھ کر آپ ثابت کر سکتے ہیں کہ ہے۔ امسل تف عسل ہی ہے۔

 $= \overline{A} \overline{C} + B$ 

## ۳.۱۱ ار کان جمع کی ضرب کی تر کیب

گزشتہ حسبہ مسیں بوولین جدول سے نقب عسل کا مساواتی روپ حساسل کیا گیا، جہاں ان صفول کے ارکان ضرب کا محبوعہ لیا گیا جن مسیں تابع متغیرات کی قیمت 1 تھی۔ آئیں اب " ارکان جی "کلصنا اور ان سے نقب عسل کی مساوات حساسل کرنا سیکھیں۔



شکل ۳۱٫۳۱ رکان جمع کی ضرب سے حساصل دور (مساوات ۱۳٫۳۰)۔

A	В	C	ار کان جمع
0	0	0	A+B
0	1	1	$A + \overline{B}$
1	0	0	$\overline{A} + B$
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$

تفاعل کے جدول کے الن تمام ارکال جمع کا عاصل ضرب لیں جن کی صف میں تفاعل کے تامیح متغیرہ C کی قیمت 0 ہوں ہوں ہوں متغیرہ کے تاریخ متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اسس طسر ہ تفاعل کیے کوارکان جمع کی ضرب بات متغیب کی ترکیب کہتے ہیں (اسس وضرب بعد از جمع بھی پارکتے ہیں)۔

يوں درج ذيل لكھاحبائے گا۔

$$(r.r)$$
  $C = (A+B)(\overline{A}+B)$   $(-, \forall b)$   $(-, \forall b)$   $(-, \forall b)$ 

ار کان جمع کی طرب سے حسامسل مساوات کو ہر صورت جمع گیٹول کی ایک قطبار (یاصف) اور ایک طرب گیٹ سے حسامسل کیا جب سکتا ہے (جب ال فسنسرض کیا حب اتا ہے کہ ، آزاد متغیب رات کے ساتھ ان کے متم بھی میسر ہیں)۔ یوں بن کے گئے دور کو جمج و ضرج ' اکتبے ہیں۔

ماوات ۱۳۳ میں حاصل دور شکل ۱۳ سمیں پیش کی گیاہے۔

مساوات ۳۰ ۱۳ لکھنے کادوسے رااند از جو نہایت مقبول ہے مسجھنے کی مناطب رتف عسل کے حبدول مسیں "ار کان جمع" کے عسلاوہ بڑی لکھائی مسین ایک نئی قطبار (M) مشامسل کرتے ہیں، جوار کان جمع کو ظباہر کرتا ہے۔

OR-AND"

با سم يوولين الجرا

A	В	C	ار کان جمع	M
0	0	0	A + B $A + \overline{B}$	$M_0$
0	1	1	$A + \overline{B}$	$M_1$
1	0	0	$\overline{A} + B$	$M_2$
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$	$M_3$

يوں مساوات ٣٠٣ درج ذيل روپ اختيار كرتى ہے۔

(r.ir) 
$$C = (A+B)(\overline{A}+B) = M_0M_2 = \prod (M_0, M_2) = \prod (0,2)$$

مثال ۱۳.۱۵ : ڈی مار گن کے کلیات استفال کرتے ہوئے محببوعہ ارکان ضرب سے ارکان جمع کی ضرب کی ترکیب حساسل کریں۔ حساسل کریں۔ حسل: ہم حصہ ۱۰٫۳ مسیس مستعمل جبدول ۱۳٫۳ کو مشال بن کر اسس مسیس  $\overline{C}$  اور ارکان ضرب کی قطب ریں شامسل کرتے ہیں۔

A	В	C	$\overline{C}$	ار کان ضرب
0	0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	0	$\overline{A}B$
1	0	0	1	$A\overline{B}$
1	1	1	0	AB

ہم  $\overline{C}$  کے لئے ارکان ضرب کامجب وعب ککھ کر (لینی ان ارکان ضرب کامحب وعب جن کے صف مسیں  $\overline{C}$  کی قیمت 1 ہو):

$$\overline{C} = \overline{A}\overline{B} + A\overline{B}$$

دونوں اطسران کامتم لے کر C کی مساوات حساصل کرتے ہیں۔

$$\overline{\overline{C}} = C = \overline{\overline{A}} \overline{\overline{B} + A} \overline{\overline{B}}$$

ڈی مار گن کلیات باربارات مال کرتے ہوئے درج ذیل حساس کیا حب سکتا ہے۔

$$C = \overline{\overline{A}} \, \overline{B} + A \, \overline{\overline{B}}$$

$$= (\overline{\overline{A}} \, \overline{\overline{B}}) (\overline{A} \, \overline{\overline{B}})$$

$$= (\overline{\overline{A}} + \overline{\overline{B}}) (\overline{A} + \overline{\overline{B}})$$

$$= (A + B) (\overline{A} + B)$$

اسس نتیج کامساوات ۱۳.۳ کے ساتھ مواز نہ کریں۔ پس ثابت ہوا کہ محب وعب ار کان ضرب سے ار کان جمع کی ضرب سے است کی ہے۔

مشال ۱۱.۳: درج ذیل بودلین حبدول سے (۱) ارکان جمع کی ضرب، (ب) ارکان ضرب کا محبسوء۔ لے کر تفاعسل کی مساوات ساصل کریں۔ دونوں نستارنگ کے ادوار د کھائیں۔

$\boldsymbol{A}$	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبدول مسين اركان جمع اورار كان ضرب كي قطبارين شامسل كرتے ہيں۔

A	В	С		ار کان جمع	ار کان ضر ب
0	0	0	0	A+B+C	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$
0	0	1	1	$A+B+\overline{C}$	$\overline{A}\overline{B}C$
0	1	0	1	$A + \overline{B} + C$	$\overline{A} B \overline{C}$
0	1	1	0	$A + \overline{B} + \overline{C}$	$\overline{A}BC$
1	0	0	0	$\overline{A} + B + C$	$A  \overline{B}  \overline{C}$
1	0	1	1	$\overline{A} + B + \overline{C}$	$A \overline{B} C$
1	1	0	1	$\overline{A} + \overline{B} + C$	$AB\overline{C}$
1	1	1	1	$\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}$	ABC

(۱) جن صفول مسیں تائع متغیرہ Z کی قیمت 0 ہے ان صفول کے ارکان جمع کی ضرب مطلوب بتیجب ہوگا۔

$$(r.r) Z = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + C)$$

اسس کو درج ذیل بھی لکھ سکتے ہیں۔

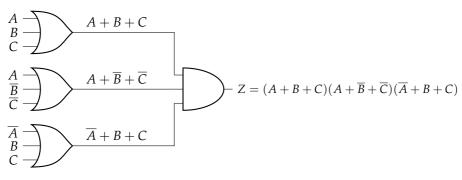
$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (M_0, M_3, M_4)$$

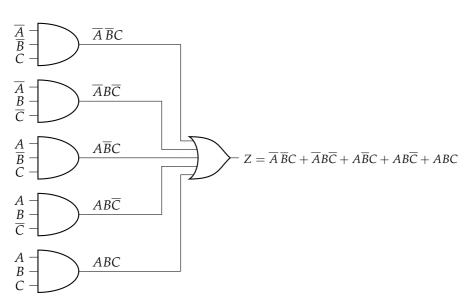
مساوات ۱۲.۳ مسین حساصل نتیب کا جمع و ضرب دور شکل ۳۲.۳ مسین پیش کسا گیا ہے۔ (ب)حبدول کے ارکان ضرب کا مجب موعہ لے کر ضرب و جمع دور حساصل کرتے ہیں۔

$$(r.\iota 2) Z = \overline{A} \, \overline{B} \, C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} C + A B \overline{C} + A B C$$

اس دور کو شکل ۳۳ سمسیں پیش کیا گیا ہے۔

اسس مثال مسیں ایک ہی تف عسل کے دوادوار، شکل ۳۳ بسال ۳۳ بسیش کیے گئے۔ پہلے دور مسیں تین جمع اور ایک ضرب گیٹ استعال ہوا، جبکہ دوسسرے مسیں پانچ ضرب اور ایک جمع گیٹ استعال ہوا۔ (جیب ہم ذکر کر چپ اب ۳. پوولین الجیرا





شكل ٣٣.٣٣: ضرب و جمع دور (مساوات ١٤.٣) ـ

ہیں، ارکان جع کی خرب سے حب صل دور جع گیٹوں کی قطب ار اور ایک ضرب گیٹ سے بنے گا۔ ارکان خرب کے محب وعب سے حب اسک دور ضرب گیٹوں کی قطب ار اور ایک جمع گیٹوں کی قطب ار اور ایک جمع گیٹوں کے قطب ار اور ایک جمع گیٹوں کے خصر ب بعب از جمع اور محب وعب ارکان ضرب منطقی طور سے حب صل کرنے مسین کم منطقی گیٹ استعمال ہوئے۔ یا در ہے کہ ضرب بعب از جمع اور محب وعب ارکان ضرب منطقی طور پر ایک ہیں۔

## ۳.۱۲ محب وعب ار کان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے مابین شب ادلہ

ہم نے مثال ۱۹۳۳ مسیں تف عل کی مساوات، محبوعہ ارکان خرب اور ضرب بعد از جمع کی مشکل مسیں حساسل کی، جنہیں یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$Z = m_1 + m_2 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (1, 2, 5, 6, 7)$$
  

$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (0, 3, 4)$$

محبوع ارکان ضرب مسیں پہلا، دوسرا، پانچوال، چھٹا اور ساتواں رکن ضرب استعال ہوا جب کہ صف روال، تیسرا اور چوت رکن غرب مستعلل ہے۔ ضرب بعد از جمع مسیں پہلا، دوسرا، پانچوال، چھٹا اور ساتواں رکن جمع غیب مستعمل، جب کہ صف روال، تیسرا اور چوت رکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوص فی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی مساوات کو ایک مسین تبدیل کسیا حباتا ہے۔ ارکان جمع کے روپ مسین مساوات حساصل کرتے ہوئے پہلے روپ مسین غنیسر مستعمل ارکان، ضرب یا ارکان جم سے روپ مسین مساوات حساصل کرتے ہوئے پہلے روپ مسین غنیسر مستعمل ارکان، دوسرے روپ مسین استعال ہوں گے۔

## ۳.۱۳ ضرب وجمع دور سے متم ضرب ومتم ضرب دور کاحصول

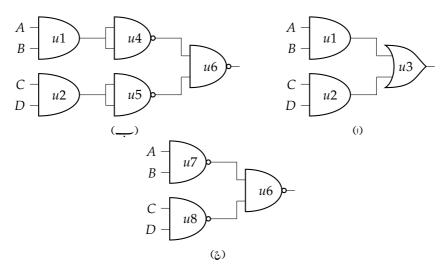
کی بھی پوولین تف عسل کو مجبوعہ ارکان ضرب کی صورت مسین بیان کیا جب سکتا ہے، جس کو ضرب گیدؤں کی فول ہے۔ کہ گلا ہے۔ حسکت کا ۱۹۳۳ الف مسین تف عسل کے حصاصل کیا جب سکتا ہے۔ حسکت ۱۹۳۳ الف مسین تف عسل کے کا مساوی دور نصب کرتے مجبوعہ ارکان ضرب دور دکھیایا گیا ہے۔ جمج گیٹ 18 کی جگ سنگل ۲۰۰۳ الف کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے سنگل سر ۱۸ سال کی گئے۔ شکل ۱۸ سال کی گئے۔ شکل ۱۸ سال کو نفی شرب گیٹ بطور نفی گیٹ دکھیایا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ (مشلاً ۱۷ ) استعمال کرتے ہوئے شکل سنگل سال مقدم ضرب گیٹ (مشلاً ۱۷ ) استعمال کرتے ہوئے شکل سال کا مسال کو مستم ضرب گیٹ (مشلاً ۱۸ ) استعمال کرتے ہوئے شکل سال کا مسال کو مستم ضرب گیٹ وحمتم ضرب ادور کہا تا ہے۔

آپ نے دیکھ کہ مشکل ۳۴.۳ الف کے ضرب وجمع دور مسیں تمام گیٹ تبدیل کرکے متم ضرب گیٹ نسب کرنے کے در مسیل میں اللہ میں اللہ میں مضاہدہ ہے۔ یاد رہے کہ محرب و متم ضرب و متم ضرب دور حساسل ہو گا۔ یب ایک اہم اور عسومی مثابدہ ہے۔ یاد رہے کہ محب وعہ ارکان ضرب کے ضرب وجمع دور مسین ضرب گیٹول کی قطب ارادرایک جمع گیٹ ہوگا۔

ضرب و جمع دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تمام گیٹول کی جگہ متم ضرب گیٹ نسب کرنے سے متم ضرب و متم ضرب دور عاصلی ہوگا۔

NAND-NAND"

٤٠ پايس ٣٠. يوولين الجبرا



شکل ۳۲۲. ۱۲۱۱ کان ضرب کے مجب وعب سے متم ضرب ومتم ضرب دور کا حصول۔

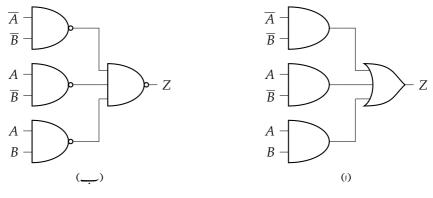
سلیکان کی فی مسرئ سننی مسیر پست ری پر بہت بڑی تعبداد مسیں گیٹ بنائے حباسے تیں اور ب تعبداد دن بادن بڑھتی حیال کی جھی حیال کی ہی جس کے گیٹ نسبتازیادہ آسانی اور بہتر بنائے ہیں۔ یوں کسی بھی تقان عسل کو ضرب و جمع کی بحبائے متم ضرب و ورسے حساصل کرنازیادہ سود مسند ثابت ہوگا۔ ای وحب سے وسیح پیسان کی مختلوط برقیات مسین متم ضرب گیٹ نہایت مقبول ہیں۔

مثال ۱۲.۱۷: مندرحبه ذیل تفاعسل کامتم ضرب ومتم ضرب دور حساصسل کریں۔

A	В	$\mid Z \mid$
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	1

صل: تفعل کامجہوعہ ارکان ضرب کھنے کی عنسرض سے حبدول مسین ارکان ضرب کی قطبار شامسل کرتے ہیں۔

A	В		ار کان ضرب
0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	0	$\overline{A} B$
1	0	1	$A \overline{B}$
1	1	1	AB



شکل ۳٫۳۵ خرب و جمع سے متم ضرب ومتم ضرب (مشال ۱۷٫۳)۔

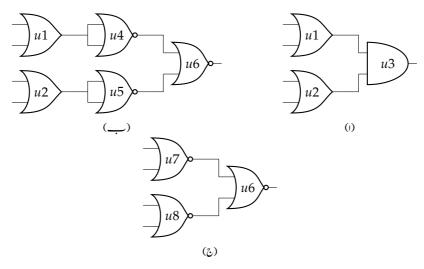
یوں  $Z = \overline{A} \, \overline{B} + A \overline{B} + A \overline{B} + A \overline{B}$  الف میں پیش ہے۔ تمام گیٹوں کی جگ متم ضرب گیٹ نصب کرنے ہے متم ضرب ومتم ضرب وور حساصل ہوگا، و شکل – بسیں پیش ہے۔

# ۳.۱۴ جمع وضر ب دور سے متم جمع ومتم جمع دور کاحصول

تف عسل کے ارکان جمع کی ضریب سے حساصل جمع و ضریب دور مسیں تمسام گیٹوں کی جگہ متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عساس ہوگا۔ تقس عسل کامتم جمع ومتم جمع دور حساصل ہوگا۔

مشکل ٣٦.٣٣-الف کے جمع وضر ب دورکی مشکل وصورت تب یل کیے بغیب رتسام گیٹ کی جگ متم جمع نسب کرنے کے سنگل ٣٦.٣-الف سے مشکل -ج حسامسال ہوگا۔ یہ ایک اہم اور عسو می ممشاہدہ ہے۔ یادر ہے کہ ضرب ارکان محبسوعہ سے حسامسال جمع وضر ب دور مسین جمع گیٹوں کی قطب راور ایک ضرب گیٹ ہوگا۔

جمع و ضرب دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تام گیٹول کی بلد متم جمع گیٹ نسب کرنے سے متم جمع و متم جمع دور عاصل ہوگا۔ باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۳۹ ۳: جمع وضر ہے متم جمع ومتم جمع۔

## ۳.۱۵ عسلامتی روی یار موز

عسوماً زبانوں مسیں الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہی مسیں کی حباتی ہے۔ حسرون تہی کو سلمہ وار اسس طسرح جوڑا حباتا ہے کہ ان کی آوازیں مسل کر لفظ کی آوازیسہ اکریں، مسکر چینی زبان مخلف ہے۔ چینی زبان ایک عسلامت یارمزا ہے۔ حسرون تہی پر مسبنی لکھائی، ہے حسرون ایک عسلامتی زبان ہے جس مسیں ہر لفظ کی اپنی عسلامت یارمزا ہے۔ حسرون تہی پر مسبنی لکھائی، ہے حسرون سکتی ہوگاجب مسکن ہوگاجب تہیں مسئر کوئی بھی بڑھ سکتا ہے، جب کہ رمسزی لکھائی مسین کی بھی رمسز کا استعمال اسس وقت مسکن ہوگاجب تہام لوگ اسس رمسز پر متفق ہوں۔ کمپیوٹر اسس لحاظ سے چینی زبان سے مشابہت رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روپ مسین کھتا ہے۔

قتلم و کاعن نے انسان کی بھی شکل کی ککسیر ب کراہے ایک عسلامت یار مسنز تصور کر سکتا ہے۔ کمپیوٹر کی د نیامسیں ایس کرناممسکن نہیں۔ کمپیوٹر مرزف 0 اور 1 مجتلف ترتیب ہے جوڑ ایس مسیں رموز بھی 0 اور 1 مختلف ترتیب ہے جوڑ کر ب نائے حب استعال کر کے حبد ول ۱۳٬۳۱۰ مسیں پیش رموز ممسکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳٬۳۱۰ مسیں پیش رموز ممسکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر استعال کیا جب سکتا گئے رموز تفکیل دیے جب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف اشیاء یا معسلومات کی پھپان کے لئے استعال کیا جب سکتا کے تین بٹ استعال کے استعال کیا جب سکتا ہے۔ تین بٹ استعال کرتے ہوئے، اسس سے زیاد در موز ممسکن نہیں۔

۳.۱۵ عسلامتی روپ یار موز

### حبدول ۱۳.۱۳: تین بٹ رموز ـ

تين بِٺ رموز
000
001
010
011
100
101
110
111

### ا.۱۵ سالیکی رموز اور عب المی رموز ا

ابت دا مسیں، کمپیوٹر استعال کی حناطسر لاطبین حسرون جھی اور اعضاری گسنی کے رمسز طے کیے گئے۔ایک بائے پر مسبنی رموز جو نہایت مقبول ہوئے، الیم رموز ساکہ باتے ہیں۔ لاطبین حسرون جھی اور اعضاری ہسند موں کے رموز جب ول ہے ما 10000001 یعنی  $41_{16}$  اور صف رموز جب ول ہے اسکی رموز مسیں بڑے حسرون ہے کو  $41_{16}$  اور صف کو  $41_{16}$  اور صف کو  $41_{16}$  کی کے رموز مختل کے گئے۔ یوں، اسس نظام کو استعال کرتے ہوئے کمپیوٹر ہم کو  $41_{16}$  کی کے رموز مختل کے گئے۔ یوں، اسس نظام کو استعال کرتے ہوئے کمپیوٹر ہم کو  $41_{16}$  کے گئے۔ معنی کے رموز مختل کے گئے۔ یوں، اسس طسرح کے نظام مسیں جبدول دیکھ کر رمسز کی معنی انسان کی معنی میں جبدول دیکھ کر رمسز کی معنی حب ول دیکھ کر رمسز کی معنی گئے۔

ایک بائٹ مسیں 00000000 سے 11111111 تک 256<sub>10</sub> مختلف رموز ہوگے، جو ایک محمدود تعداد ہے۔ جیے جیے دنیا کی مختلف زبان ہو لئے والوں کے ہاں کمپیوٹر کا استعال رائے ہوا، ایکی رموز کے (محمدود) رمسنز کم پڑگئے۔ موجودہ دور مسیں عالمی رموز "ارائے ہے، جس مسیں دنیا کی تمام زبانوں (جشمول اردو، پشتو، بلوچی، سندی، وغیرہ) کے حسرون ججی کے رموز موجود ہیں۔ اسس نظام مسیں ہر رمسنز حیار بائٹ کا ہے۔ ہے۔ کتاب عالمی رموز مسیں تفکیل دی گئی ہے۔ اسس نظام مسیں ہر رمسنز حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتاب عالمی رموز مسیں تفکیل دی گئی ہے۔ اسس نظام مسیں ریاضیات اور سائنٹس کے دیگر مف مسین مسین در کار عسلامتیں بھی ڈھالی جب سے تی ہیں۔ امید کی سے کہ سے نظام آنے والے زمانے مسین در کار ضور یات پوری کرے گا۔

### ۳.۱۵.۲ اعشاری اعبداد کے شنائی رموز

کمپیوٹر کی مادری زبان شنائی ہے، جبکہ انسان اعشاری نظام استعال کرتا ہے۔اعشاری گسنتی کے کئی رموز زیر استعال ہیں، جن مسیں ہے ایک ثنائی مرموز اعشاریہ ۱۵ ہے۔اعشاری گسنتی کے کل دسس رموز ہیں۔ جب دل ۱۳٫۳ مسیں تین بٹ رمسز دکھائے گئے جو گل آٹھ ہیں۔انہیں استعال کرتے ہوئے اعشاری گسنتی کے دسس ہند سول کو ظاہر نہیں کیا حب سکتا۔اسس کے برعکس حیاریٹ کل مولد رمسز دیں گے، جنہیں اعشاری گسنتی کے دسس ہند سول کے رموز کے طور پر استعال کیا حب

ascii codes"

uni code"

binary coded decimal (BCD)12

حبدول ۱۵.۳:ایسکی رموز په

لاطنيني حسرون ياسندسه	ایسکی رمسنز
A	$01000001_2$
В	$01000010_2$
С	$01000011_2$
D	$01000100_2$
<u>:</u>	:
X	010110002
Y	$01011001_2$
Z	$01011010_2$
а	011000012
b	$01100010_2$
С	$01100011_2$
<u>:</u>	:
z	$01111010_2$
0 <sub>10</sub>	001100002
$1_{10}$	$00110001_2$
2 <sub>10</sub>	$00110010_2$
<u>:</u>	:
8 <sub>10</sub>	$00111000_2$
910	$00111001_2$

۱۵. ۳. عسلامتی روپ یار موز

حبدول ۱۲. ۳: اعث اری اعداد کے حسار بٹ شن ائی رموز۔

شنائی مسرموز اعشاری	اعشاری اعبداد
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9

سکتاہے۔ حبدول ۱۹.۳ مسیں حپاریٹ پر مسبنی ابت دائی دسس عسلامتیں استعال کرتے ہوئے اعشاری گسنتی کے ہندسوں کے رموز پیش کیے گئے ہیں۔ آمنسری چھ عسلامتیں زیراستعال نہیں۔ **یہ ثنائی مرموز اعثاریہ** کہسلاتے ہیں۔

### ۳.۱۵.۳ گرے رموز

اسس نظام مسیں اعشاری ہندسوں کے رمسنزیوں رکھے گئے کہ کمی بھی دومتواتر اعشاری ہندسوں کے رمسنز مسیں صرف ایک بٹ کافٹ رق ہو۔ حب دل ۱۷۳ حسار بٹ گرے رموز پیشش کر تاہے۔

طبیعی متغیبرات کوعبد دی روپ مسین، عسوماً، گرے رموز مسین کھا حباتا ہے۔انس کی اون دیت ایک مشال سے مسجھ ہیں۔

تصور کریں کہ ایک بڑھتے ہوئے مناصلے کو حیار بٹ کے عسام شنائی نظام مسیں ناپا حباتا ہے۔ یوں 01112 کے بعد 1000 آئے گا۔ اب تصور کریں کی وجبہ ہے، اسس حیار بٹ شنائی عدد کابلندر تی بٹ نسبالدی 0 ہے 1 مسیں تبدیل ہوتا ہو۔ یوں ایک کھے کے لئے 01112 کے بعد 11112 پڑھا حبائے گا، جس کے بعد اصل عدد 1000 آ حبائے گا۔ آپ دکھ سے تیں کہ ایک لیے کے لئے مناصلہ عناط پڑھا حبائے گا، جس سے مسائل کھٹڑے ہو سے تیں۔ اسس کے بر مکس اگر گرے رمسز استمال کیا حبائے تیں۔ 1000 کے بعد 1100 پڑھا حبائے گا۔ آپ ویک تیں۔ اسس کے بر مکس اگر گرے رمسز استمال کیا حبائے تیں۔ 1000 کے بعد 1100 پڑھا حبائے گا۔ آپ وردست قیست ہے۔

#### سوالا\_\_\_

باب\_ ۳. بوولين الجبرا

حبدول ۱۲.۳: اعث اری اعبداد کے حب ربٹ گرے رموز۔

حپار بٹ گرے رموز	اعشاری اعسداد
0000	0
0001	1
0011	2
0010	3
0110	4
0111	5
0101	6
0100	7
1100	8
1101	9
1111	10
1110	11
1010	12
1011	13
1001	14
1000	15

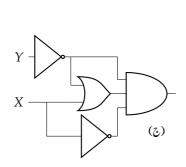
$$(A+B)(AB+BC+\overline{C}A)$$
 .,  $A\overline{B}+\overline{A}B$  ...  $A\overline{B}+B\overline{C}$  .,

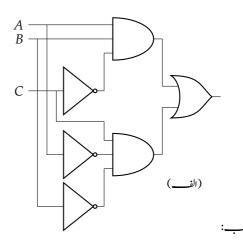
A	В	С	ح	Α	В	С	—	X	Υ	Z	الف	_
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	0	
0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	
0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	جواب:
1	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0	
1	0	1	0	1	0	1	1	1	0	1	0	
1	1	0	1	1	1	0	0	1	1	0	0	
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	

 $\overline{AB+C\overline{D}}=\overline{AB+C\overline{D}}=(\overline{A}+\overline{B})(\overline{C}+D)$ سوال ۳.۳: تف عسل  $\overline{AB+C\overline{D}}=\overline{AB+C\overline{D}}$  سوال ۲.۳: تف عسل متم کاهین

۱۵. ۳. عسلامتی روپ یار موز

$$X\overline{Y}Z + \overline{X}Y$$
.  $X + YZ + XY$ .  $AB(C\overline{D} + \overline{C}D)$ .  $\overline{A}\overline{B} + A\overline{B}$ .





سوال ۲۳.۳: ڈی مار گن کلیا ہے کو بوولین حبد ول سے ثابی کریں۔

$$X + \overline{X}Y = X + Y$$
 .  $\longrightarrow$   $X\overline{Y} + XY = X$  .

جواب: درج ذیل حبدول کادایاں اور بایاں قطار ایک جیسے ہیں لہذا حب زو-ا ثاب ہوا۔

X	Υ	$X\overline{Y} + XY$
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	1

سوال ۲ . ۳۰: درج ذیل کومجب وعب ارکان ضرب کی سشکل مسین کھیں۔ حب دول ککھ کر در سستگی ثابت کریں۔

باب ٣. بوولين الجبرا

$$(A+B)(A+B+C)(C+B)$$
 .2  $(A+B)(C+D)$  .4  $(A+B+C)(\overline{B}+\overline{C})$  .5  $(A+B)(\overline{B}+C)(A+\overline{C})$  .

$$A\overline{B} + A\overline{B}\overline{C} + AC + ABC$$
 (\_\_\_),  $AC + AD + BC + BD$  ():\_\_\_).

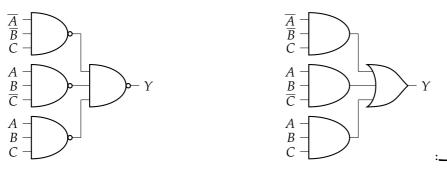
سوال 2. سن: (۱) بوولین ممن ثل استعال کرتے ہوئے درج ذیل کو ضر ب بعب از جمع کی مشکل مسیں تکھیں۔ (ب) ان تغناعسل کے حب دول ککھ کر بھی جواب حسامسل کریں۔ (ج) دیے گئے تغناعسل اور حسامسل جواب کے حب دول ککھ کر جواب کی در مستکی ثابیت کریں۔

$$(X + \overline{Y} + Z)(X + \overline{Y} + \overline{Z})(\overline{X} + \overline{Y} + Z)$$
 (1):

C=1 بویا اگر C=1 بویا اگر C=1 بویا اگر C=1 بویا اگر و بالار به اگر C=1 بویا اگر گر تق مسل کی تیمت و با در و با اگر کر تق مسل کی ساده مساوات مجسوعی ارکان ضرب کے روپ مسیں کر ہیں۔ حساس کر ہیں۔

$$Y = \overline{A} \, \overline{B}C + AB\overline{C} + ABC :$$

سوال ۳.۹: (۱) گزشته سوال مسین دیے تف عسل ۲ کا ضرب و جمع ۱۱ دور بن نین ۔ (ب) اسس تف عسل کا ضرب متم و صفح متم کا مرب متم کا دور بن ائیں۔ مداحن کے متم دستیاب ہیں۔



سوال ۱۰. ۳: تقت عسل Z کی قیمت درج ذیل صور توں مسین صف ر(0) ہے۔ اگر B=0 ، A=0 ، اور C=0 ، ا

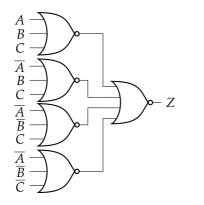
AND-OR<sup>1</sup>
NAND-NAND<sup>1</sup>

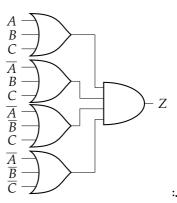
۱۵. ۳. عسلامتی روپ یار موز ۲۹. ۳. ۱۵

ہو۔ ان صور توں کے عسلاوہ اسس کی قیمت ایک (1) رہتی ہے۔ ان معسلومات کا حبد ول ککھ کر Z کی ضرب بعب دازجع مساوات حساس کریں۔

$$Z = (A+B+C)(\overline{A}+B+C)(\overline{A}+\overline{B}+C)(\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}) : \underline{\hspace{1cm}} Is.$$

سوال ۱۱.۳: (۱) گزشتہ سوال مسیں دیے تف عسل Z کا جمع و ضرب دور بٹ کیں۔ (ب) اسس تف عسل کا جمیع متم و جمیع متم مقم متم ^ادور بٹ کیں۔ مداحن کے متم دستیاب ہیں۔





سوال  $F_1$ : جبدول مسین  $F_1$ :  $F_2$  ، اور  $F_3$  ، تین آزاد داخنگی متغیرات جبکه  $F_1$ :  $F_1$  ، اور  $F_2$  تائع حنارجی متغیرات بل

A	В	С	$F_0$	$F_1$	<i>F</i> <sub>2</sub>
0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	1	1

ا. تابع متغیرات محبوعه ار کان ضرب روی مسیں کھیں۔

ب. ضرب گیا اور جمع گیا استعال کرتے ہوئے تائع متغیرات کے ضرب وجمع دورہنائیں۔

ج. ضرب وجع ادوارے تابع متغیرات کے ضرب متم وضرب متم ادوار حساس کریں۔

د. تابع متغب رات کو ضرب بعب داز جمع روی مسیل لکھیں۔

NOR-NOR1A

باب سريو ولين الجبرا ۸٠

$$F_0 = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + \overline{C})(\overline{A} + \overline{B} + C)(\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}) (s)$$

سوال ٣٠١٣: درج ذيل تف عسل محب وعب اركان ضرب روپ مسين بين-انهسين ضرب بعب از جمع روپ مسين لکھیں۔

$$Y(A,B,C) = \sum (0,7)$$
 .  $Z(A,B) = \sum (0,1)$  .  $Z(A,B,C,D) = \sum (0,2,5,12)$  .  $F(A,B,C) = \sum (0,5,7)$  .  $E(A,B,C) = \sum (0,5,7)$  .

 $Z = \prod (1,3,4,6,7,8,9,10,11,13,14,15)$  (a)  $F = \prod (1,2,3,4,6)$  (b)  $Z = \prod (2,3)$  (c)  $Z = \prod (2,3)$ سوال ۱۳۰۳: درج ذیل تف عسل ضرب بعبد از جمع روی مسین بین انهسین محبسوعی ارکان ضرب روی مسین

$$Z(A,B,C,D) = \prod (0,1,5,7,13,15)$$
 .2 
$$F(A,B) = \prod (1,3)$$
 ... 
$$Z(A,B,C) = \prod (0,4,7)$$
 ...

$$Z = \sum (2,3,4,6,8,9,10,11,12,14)$$
 (3),  $F = \sum (0,2)$  (1):

سوال ۱۵ . ۳: انٹ رنیٹ سے درج ذیل معسلوماتی صفحات حسامس کریں۔ یہ محسلوط ادواریا کستان کے ہر شہب رمسیں نهایت سنے دام دستیاب ہیں۔

سوال ۱۱.۳: گزشته سوال مسین 7400 مختلوط دور کے معسلومات صفحیات سے دریافت کریں اسس مسین موجود حسیار گیٹوں کے محنارج کن پنوں پر دستیاہے ہیں۔

جواب: ينيد 3 ، 6 ، 8 ، اور 11

سوال ۱۷ سن: انٹ رنیٹ ہے تین مداحنل ضرب گیٹ اور حیار مداحنل جمع گیٹ کے محنلوط ادوار دریافت کریں۔

# باب

# كارنان نقث حبات

پوولین جدول ہے کی بھی تف عسل کی مساوات بذریعہ مجب وعب ارکان ضرب یا ضرب بعب داز جمع حساصل کرکے اے گیٹوں کی معددے حباس پہنایاحبا سکتا ہے۔ عصوماً، اسس مساوات میں گیٹوں کی تعب داور فی گیٹ مداخنل کی تعب مداخنل کی تعب داد کم کی حباستی ہے۔ کم مداخنل کے ، کم تعب داد گیٹ استیال کرنے ہے عبد دی دور پر کم لاگ ت آئے گی۔ تف عسل کی حباستیال کرنے ہے عبد دی دور پر کم لاگ ت آئے گی۔ تف عسل کی حباستی کی سادہ صورت بوولین منطق سے حساصل کی حباستی ہے، البت ایک نہایت عمد میں اسس تزکیب پر غور کسیا جے کارناف نقث حبات کی ترکیب کتے ہیں، استیال کیا حباتا ہے۔ اسس باب مسین اسس تزکیب پر غور کسیا حبائے گا۔ یہ ترکیب حیاد اور حیادے کم آزاد متخید اسے کے تف عسل کی سادہ صورت حساس کرنے مسین نہیں ہے۔ آسان ثابت ہوگا۔

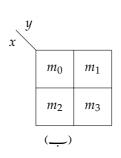
### ۲٫۱ کارنان نقشے کابنادی حنا کہ

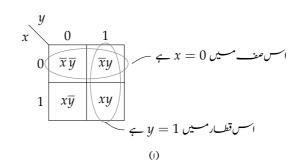
رو آزاد متخیر تف عسل F(x,y) کے بوولین حبدول مسیں حیار مخلف ارکان خرب ہوں گے، جنہیں حبدول m. امسیں پیش کیا گیا ہے۔ اس کے کارناف نقشے مسیں حیار حنانے ہوں گے، جبال ایک حنات ایک رکن مغرب کو ظاہر کرتا ہے۔ کارناف نقشے مسیں ان حیار حنانول کی ترتیب، شکل m. اسالف مسیں دکھائی گئے ہے، جبال بالائی صف مسیں x=0 جب x=0 جب کارناف معنی x=0 جب کی صف مسیں x=0 جب کی صف مسیں x=0 جب جب کی صف مسیں x=0 جب کی صف مسیں x=0 جب کرتا ہور ہائیں قطار مسیں x=0 جب جب کہ دائیں قطار مسیں x=0 جب کارناف سے باہر، قطار ول کے اور x=0 باہر، قطاروں کے اور جب کسی گئی ہیں۔ یوں بالائی صف اور دائیں قطار کے مشتر کہ حنانے مسیں x=0 باور x=0 میں میں اور دائیں قطار کے مشتر کہ حنانے مسیں x=0 کارناف میں ای جہ البندا اس حنانے مسیں x=0 کی سالوں میں ای طور تازود متخیر تف عمل کارناف نقشے مسیں حنانے مسیں ای طور تر رحیار آزاد متخیر تف عمل کارناف نقشے مسیں حنانے مسیں حالے کارناف نقشے مسیں حنانے مسیں کی گئی ہے۔

تین آزاد متغیب رتف عسل ( F(x, y, z ) کے آٹھ ارکان ضرب ہوں گے۔انہیں شکل ۲.۴ کے کارنان نقشہ مسیں د کھیایا

تغیب رار کان ضر بـ۔	بدول الهم: دومة	د
	JJ 67 O J J C	-

х	у		
0	0	$\overline{x}\overline{y}$	$m_0$
0	1	$\overline{x}y$	$m_1$
1	0	$x\overline{y}$	$m_2$
1	1	xy	$m_3$





شکل ا. ۴: دا آزاد متغب رکار ناف نقشے کی بنب دی صورت\_\_

گی ہے۔ اسس شکل میں دوصف اور حپار قطار ہیں۔ صفوں کا تعیین x کی قیمت، جب قطاروں کا تعیین yz کی قیمت x جب ان قیتوں کو (شنائی گنتی کے روپ میں جبیں بلکہ) گرے رمسز میں لکھا حباتا ہے۔ یوں، بائیں ہاتھ ہے سندوع کر کے، پہلی قطار میں yz کی قیمت yz کی قیمت yz کی قیمت yz کی قیمت وقطار میں وہ ہوگی۔

حیار آزاد متغیر تفع میں حویا جا سال ہے۔ ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان خرب ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان کے نقتے میں سویا حیاسکتا ہے۔ یہاں صفول کا تعین ایساکارنان نقث دکھایا گیا ہے۔ یہاں صفول کا تعین

$x$ $y^2$	2 00	01	11	10	گرے دمسز سر
0	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$	
1	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$	

شکل ۲.۸: تین متغیر کارنانی نقشے کی بنیدی صوری۔

y <sub>2</sub>	2			
wx	00	01	11	10
00	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$
01	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$
11	$m_{12}$	$m_{13}$	m <sub>15</sub>	$m_{14}$
10	$m_8$	m <sub>9</sub>	$m_{11}$	m <sub>10</sub>

كك ٢٠٠٣: حيار متغب ركارنان نقش كيبنيادي صورب

70x کی قیمیں، جبکہ قطاروں کا تعلین 42 کی قیمیں کرتی ہیں۔ ان قیتوں کو گرے رمسنز مسیں لکھ کر حنانوں کی پہپان کی حباتی ہے۔

اب تک آپ پر واضح ہو چکا ہوگا کہ کارناف نقشے بناتے ہوئے صفول اور قطاروں کو گرے رمسنز مسیں مسیں رکھا حباتا ہے۔ حیار سے زیادہ متنعب رات کے کارناف نقشوں کا استعال نسبتا پیچیدہ ہو تا ہے، الہذا اان سے تف عسل کا سادہ روپ عسوماً کمپیوٹر کی مد دے حساصل کمپ حباتا ہے۔

## ۲.۲ کارنان نقشے کی تجسرائی

بوولین حبدول سے کارناف نقتے کی مجسرائی نہایہ آسان اور سیدھ عمسل ہے۔ بوولین حبدول کی جن صفوں مسیں 0 پر تفاعسل کی قیمت 1 ہو، ان کے مطابقتی (کارناف نقشہ کے) حنانوں مسیں 1 پُر کریں؛ باقی حنانوں مسیں 0 پُر کریں۔ سنگل مم من مالف مسیں دو آزاد متغیر تفاعسل  $F = \sum (m_0, m_1)$  کے لئے یہ عمسل دکھیا گیا ہے۔ سنگل ج مسیں تفاعسل کاکارناف کا نقشہ پُر کیا ہواد کھیا گیا ہے۔ تفاعسل کو مجبوعہ ارکان ضرب کے رویے مسیں تفاعس کا کارناف نقشہ مسین پُر کئے جبانے والے جنانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔

 $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$  کی مثال شکل  $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$  کی مثال شکل میں پیش کی گئی ہیں۔

## ۲.۳ کارنان نقشے سے تف عسل کی ادہ مساوات کا حصول

کارناف نقیم میں و تحر بی دنانوں ہے مسرادالیہ  $2^n$  دنانے ہیں جنہ میں مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کا میں گھیداج ہے وہ کا بھی دنانے (یادنانے) ایک ہے وہ مسریح یا متطب کا مسیل گھیداج سے دیادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادنانے) ایک ہے دیادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادہ مسریح یا متطب کا بھی دنانے (یادہ مسریح یا متطب کا بھی دنانے دیا ہے دیا ہے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہی دنانے دیا ہوگئی ہی دیا ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہی دیا ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے دیا ہوگئی ہوگئی

ت رپی حنانوں مسیں تف<sup>ع</sup>ل کی قیت 1 ہونے کی صورت مسیں،ان حنانوں کے ارکان ضرب کا مجبوعہ بوولین

x	у	F	ار کان ضرب	
0	0	1	$m_0$	(
0	1	1	$m_1$	$F = \sum (m_0, m_1)$
1	0	0	$m_2$	
1	1	0	$m_3$	
(1)				

x $y$	0	1
0	$m_0$	$m_1$
1	$m_2$	$m_3$
	( <u> </u> )	

### شكل ۴، ۴، دومتغب رتف عسل كارنان نقش كى مجسرائي -

x	y	z	F	ار کان ضر ب	
0	0	0	0	$m_0$	
0	0	1	0	$m_1$	
0	1	0	0	$m_2$	
0	1	1	1	$m_3$	$F = \sum (m_3, m_5, m_6, m$
1	0	0	0	$m_4$	
1	0	1	1	$m_5$	
1	1	0	1	$m_6$	
1	1	1	1	$m_7$	
					•

(5)

$$yz$$
 $x$ 
 $00$ 
 $01$ 
 $11$ 
 $10$ 
 $0$ 
 $m_0$ 
 $m_1$ 
 $m_3$ 
 $m_2$ 
 $1$ 
 $m_4$ 
 $m_5$ 
 $m_7$ 
 $m_6$ 

شكل ٨٠.٥: تين متغب ركارنان نقشْ كى بهسرائي ـ

(1)

قوانین سے حسل کر کے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل کسیا حباسکتا ہے۔ سیہ رکن ان فتسریبی حسانوں کے ارکان ضرب مسین مشتر کے چھے پر مشتل ہوگا۔

دوفت ربی بلند حنانوں (جن مسیں تف عسل کی قیمت 1 ہو گی، کے ارکان ضرب کے محب وعب ) سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری آزاد متخب دات کی تعد ادری آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادرے دو کم ہو گی۔ آٹھ فت رہی بلند حنانوں سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری تف عسل مسیں آزاد متخب دات کی تعد ادری حسام ہو گی۔

وت رہی حن نے گھیے رتے وقت ہے کوشش ہونی حیائے کہ بڑے سے بڑا مسرئع یا متطیل بے۔ایسا کرنے سے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل ہو گا۔عسوماً، وتسر ہی حنانوں کو ایک سے زیادہ طسریقوں سے گھیے راحبا سکتا ہے، جن سے تف عسل کی فتلف سے دہ صورتیں حسامسل ہوں گی۔

اب ہم چند مشالوں کی مدد سے اسس طسریقے کار کو سکھتے ہیں۔

### ۱.۳.۱ دو آزاد متغب رتف عسل

دو متغیبر تف عسل کے کارناف نقشہ مسیں  $m_0$  اور  $m_1$  فتسر ہی حنانے ہوں گے۔ ای طسرح  $m_0$  اور  $m_2$  بھی فتسر ہی حنانے ہمیں ہوں گے۔

سٹکل ۱۹۸۴ مسیں دو متغیبر تف عسل اور اسس کا کارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ کارناف نقشے مسیں حنانوں ہے اوپر، متغیبر  $\overline{y}$  کی مسکن قیتوں 0 اور 1 کی بجب کی بالت رتیب  $\overline{y}$  اور y کلھا گیا ہے جبکہ  $\overline{x}$  کی جگہ متغیبر کلھا گئی ہے جو پہت متغیبر کو ظاہر کرتاہے)۔ ای طسرح حنانوں کے بائیں حبانب  $\overline{x}$  اور x کلھا گیا ہے۔

کارنان نقشے کے دوفت رہی حنانوں مسیں تفاعسل کی قیمت 1 ہے، جنہیں نقط دار متطیل مسیں گھیداگیا ہے۔ شکل دمسیں ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع کو بوولین قوانین سے حسل کر کے سادہ رکن حساسل کیا گیا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع سے ایک متغیر رکن حساسل ہوتا ہے؛ یعنی دو متغیر تفاعل کی صورت میں دوحنانوں سے ایک متغیر رکن حساسل ہوا۔

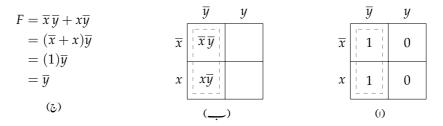
یمی می اوات، مشکل - ج کے کار ناف نقیم میں نقط دار متطیل میں گھیرے ، دو قسر بی حنانوں کو دیکھ کر لکھی حب سے جو نقط دار متطیل میں گھیرے دو قسر بی حنانوں کے ارکان خرب  $\overline{x}$  ہیں۔ ان ارکان خرب میں  $\overline{x}$  مشتر ک ہ جبکہ ایک رکن میں  $\overline{y}$  اور دو سرے میں y ہے۔ یوں، نقل دار متطیل میں گھیرے ارکان خرب میں وہ حصہ جو مشتر ک ہو مطاوب سادہ رکن ہوگا۔ (غیبر مشتر ک حصہ در کرنا، شکل - دمیں  $\overline{y}$  بی کے مترادن ہے۔) چونکہ ان حنانوں کے عیادہ تمیام حنانوں میں  $\overline{y}$  ہوگا۔ یہ رکن تف عمل کی میں اور  $\overline{y}$  ہوگا۔

 $\overline{y}$  مسیں  $\overline{x}$  اور  $\overline{x}$  ا

x اور xy اور xy

$F = \overline{x}\overline{y} + \overline{x}y$	$\overline{y}$ $y$	$\overline{y}$ $y$	x y   F
$= \overline{x}(\overline{y} + y)$ $= \overline{x}(1)$	$\overline{x}$ $\overline{x}\overline{y}$ $\overline{x}y$	$\overline{x} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$= \overline{x}(1)$ $= \overline{x}$	x	x = 0	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
(,)	(3)	()	(1)

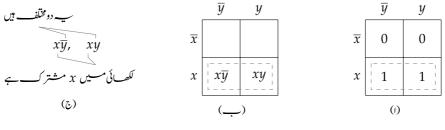
شکل ۲.۶: قتریج بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحصول۔



شکل ۷.۷: فتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

حنانوں مسیں تفاعل کی قیمت 0 ہے لہذا تفاعل کے ارکان ضرب کامحب وعب ای رکن کے برابر ہوگا۔ یوں اسس کی مساوات F = x ہوگی۔

شکل ۹.۴ میں ایک ہی جننے کو دو قسر ہی جنانوں کے ساتھ باری باری جوڑتے ہوئے سادہ مساوات  $F = \overline{x} + \overline{y}$ 



شکل ۴.۸: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

اور $\overline{x}$ کھنے میں $\overline{x}$ مشتر کے، $\overline{x}$
اور $\overline{x}$ کھنے میں $\overline{y}$ مشتر کے ہے، $\overline{x}$ $\overline{y}$
$F = \overline{x} + \overline{y}$ ہوگی۔

	$\overline{y}$	y		$\overline{y}$	
$\overline{x}$	$\overline{x}\overline{y}$	$\overline{x}y$	$\overline{x}$	1	
x	$x\overline{y}$		x	1	

### شکل ۹، ۲۰: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن کا حصول۔

F = 1

	$\overline{y}$	y
$\overline{x}$	$\int_{0}^{\infty} \overline{x}  \overline{y}$	$\overline{x}y$
x	$\frac{1}{x}$	xy

	$\overline{y}$	y
$\overline{x}$	1	1
x	1	1

شکل ۱۰ بم: حیار قسر یبی حنانوں سے سادہ رکن 1 حساسل ہوگا۔

کریں۔ مساوات کوار کان ضرب کامجبوعہ لکھ کراسس کی سادہ رویہ اخت کرتے ہیں:

$$F = x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= (x + \overline{x})\overline{y} + \overline{x}(\overline{y} + y)$$

$$= (1)\overline{y} + \overline{x}(1)$$

$$= \overline{y} + \overline{x}$$

جهان، دوسسرے وقت میر جدول ۱۲.۳ - بی شِق 4 (صفحہ ۵۴) استعال کرتے ہوئے  $\overline{x}\,\overline{y}=\overline{x}\,\overline{y}+\overline{x}\,\overline{y}$  ککھیا۔

شکل ۱۰٬۰ امسیں پارفتر بی حنانے ایک متطیل میں گھیرے حبا سکتے ہیں۔ ایک صورت میں تفاعل میں ہیث بلند (1) رہے گالہذااس کی مساوات F=1 ہوگی۔

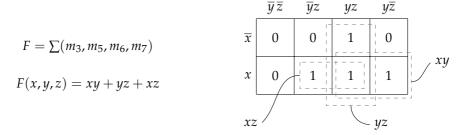
سشکل ۱۱.۱ امسیں متبریجی حنانے نہیں پائے جبتے، البذاار کان خرب کے محبصوعہ کو مسزید سادہ نہیں بنایا حبا سکتا۔ جب بھی کوئی حنان۔ کسی منتظیل مسیں شامسل نہ ہو، اسس کار کن خرب جوں کا توں محبصوعہ (اور مسادات)مسیں رہے گا۔

مثق ابہ: ارکان ضرب کے مجبموعہ کی سادہ صورت بوولین قوانین سے حساس کر کے ثابت کریں کہ سشکل ۴۰۰۱

		$\overline{y}$	y
$F = x\overline{y} + \overline{x}y$	$\overline{x}$		$\overline{x}y$
	x	$x\overline{y}$	

	$\overline{y}$	y
$\overline{x}$	0	1
x	1	0

مشكل ١١.٣: فتري حنانے نهيں پائے حباتے۔



شکل ۱۲. ۲۲: تین متغیب رتف عسل کے کارنان نقشے سے سادہ مساوات کا حصول۔

F = 1 ہے۔

مثق ۲۰۰۸: رکن ضرب به ونے کی صورت مسین ثابت کریں کہ تفاعب کی مصاوات F=0 ہوگا۔

سشکل ۱۱.۱۷ مسیں ایس تف عسل دیا گیا ہے جس کے حن نے کسی مسریع یا متطیل مسیں نہیں گھیرے دبا سے۔ایسے تف عسل کی مساوات کو ساوہ نہیں بنایاحباسکا۔

## ۲.۳.۲ تین متغیر تفعل

تین متغیبر تفع سل اور اسس کاکارناف نقشہ مشکل ۱۲.۳ امسیں دکھایا گیا ہے۔کارناف نقشے مسیں دو تسبر بی مضانوں کو گھیسرنے والے تین متطیل بین منتطیل بین بین اور ہے، متطیل بین بین الزی ہے کہ اسس مسیں 2<sup>n</sup> حنانے سموئے حیائیں، جہاں 11 عبد دصحیج ہے۔ بین تین حنانوں کو گھیسرنے کی احباز سے نہیں۔

درمیانی متطیل 10 اور 17 گیر تا ہے۔ان حنانوں کے ارکان ضرب میں x کی قیت تبدیل ہوتی ہے، جب کہ 72

دونوں مسیں مشتر کے ہے۔ یوں ان کا سادہ رکن xz ہوگا۔ باقی دومتنطی سے xy اور xx حساصل ہوگا۔ یوں تغساعمل کی سادہ مساوات ان کا محبوعہ (F = xy + yz + xz) ہوگا۔ اسس مساوات کو ارکان ضرب کے محبوعہ ہے دہ مساوات کو ارکان ضرب کے محبوعہ ہے ہیں (جو آپ کو گیل مثل مسیں کرنا ہوگا)۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3,m_5,m_6,m_7)$$
  $= \overline{x}yz + x\overline{y}z + xyz + xy\overline{z}$  (۴.۱)  $= xy + yz + xz$  (پیم کومپوس)  $= xy + yz + xz$ 

اسس مساوات کی دوسسری کگیسر مسیں، ارکان ضرب تمسام آزاد متخیسرات پر مشتل ہیں۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو تفصیلی رکن ضرب کہتے ہیں۔ مساوات کی تعیسری کگیسر کے ارکان ضرب مسیم، آزاد متخیسرات کی تعیداد کم ہے۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو سادہ رکن ضرب کہتے ہیں۔اسس کتاب مسیم، عصوماً، دونوں اقسام رکن ضرب پکارے حبائیں گے۔ پکارے حبائیں گے۔امید کی حباتی ہے، مستن سے مطاوب مطلب واضح ہو گا؛ جہاں ایسا نے ہو، وہاں انہیں مکمسل نام سے پکاراحبائے گا۔

مثق ۳.۳٪ بودلین الجیراات تعال کر کے مساوات ۴.۱ کی دوسری لکسیرے تیسری لکسیر حساسل کریں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں کہ آپ شکل ۱۲.۳۴ کے کارناف نقتے سے دوار کان ضرب حساسل کرناحبانے ہیں۔

 $m_2=\overline{x}y\overline{z}$  اور  $m_2=\overline{x}y\overline{z}$  کا  $m_0=\overline{x}$  کا اور  $m_2=\overline{x}y\overline{z}$  کا اور  $m_2=\overline{x}y\overline{z}$  کا میں تین متغیبر کارنان نقث پیش کیا گیا ہے۔ نقثے مسیں تین متغیبر کارنان

$$m_0 + m_2 = \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + \overline{x} y \overline{z}$$

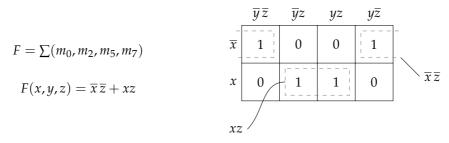
$$= \overline{x} \, \overline{z} (\overline{y} + y)$$

$$= \overline{x} \, \overline{z}$$

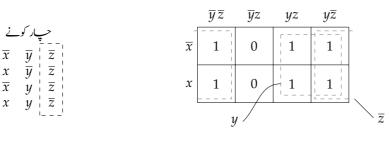
ان تین متغیب رار کان ضرب کے محب وعے سے دو متغیب رر کن ضرب حساصل ہوا۔ یوں  $m_0$  اور  $m_2$  حنانوں کو متسریکی حنانے تصور کرناہوگا۔ آئیں اسس پر تفصیل سے گفتگو کریں۔

کارناف نشتے کے بایاں اور دایاں قطبار کے حنانوں کو فت ربی تصور کریں۔ تصور مسیں اسس کاغند کو، جس پر کارناف نقشہ ب ہو، یوں گول کریں کہ کاغند کا بایاں اور دایاں کسنارہ آلپس مسل حب نئی۔ اب پہسلی اور آحنسری قطبار کے حننے فت ہیں ہوں گے۔ ای طسرح، دوسے زیادہ صفوں کی صورت مسیں، نحی لی اور بالائی صف کے حنانے فت ربی ہوں گے۔ تصور مسیں کاغنہ کو یوں لپیٹیں کہ اسس کا نحیلا کسنارہ بالائی کسنارے سے حب ملے یوں ان صفوں کے حنانوں کو فت ربی تصور کیا حب سکتا ہے۔

مشکل ۱۳.۳ مسیں  $m_0$  اور  $m_2$  کو متطیل مسیں گھیرا دکھایا گیا ہے۔ (تصور کریں کہ لیٹے گئے کاعنبذ پر ان حنانوں کو متطیل مسیں گھیرنے کے بعد ، کاعنبذ کو دوبارہ سیدھا کیا گیا ہے؛ یوں متطیل دو نکڑوں مسیں نظسر آئے



مشکل ۱۳.۱۳ کارناف نقشے کے اطسران آلپس مسیں ملائیں۔



شكل ۱۴،۱۴: حيار تسريبي حنانے۔

xz مشتر کے ہے، جو ہمارے توقع کے عصین مطابق ہے۔ حن سے  $\overline{x}$  اور  $\overline{x}$  اور  $\overline{x}$  مشتر کے ہوں قاعل کی اور اور ان ان ادوار کان کا محبوعہ  $F=\overline{x}$   $\overline{z}+xz$ 

سشکل ۱۳.۸ مسیں تین متغیبر کارناف نقث دیا گیا ہے، جس مسیں حیار قت بین حنانوں کے دومسر بعے بنائے گئے ہیں۔ آپ کارناف نقٹے کو دکھ کر تفاعسل کی سادہ مساوات کھ سکتے ہیں۔ (اگر آپ ایسا نہیں کر سکتے، تیار ہو حبائیں!اگل مثق مسیں یمی کہنے کو کہا گیا۔۔)

مثق ۴. ۳: سشکل ۴. ۱۳ امسیں دیے تف عسل کی سادہ مساوات کارناف نقثے سے حساصل کریں۔ای مساوات کو بوولین الجبرا کی مددے حساصل کریں۔ شکل مسیں حیار کونوں کامشتر کے حصہ ( (\overline{Z}) و کھسایا گیاہے۔ F(w, x, y, z)

		$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$(z) = wx + \overline{z}$	$\overline{w}\overline{x}^-$	1			1	
	$\overline{w}x$	1			1	
	wx	1	1	1	wx	
	$w\overline{x}$	1			1	
						<del>-</del>

شكل ۱۵.۴: حيار متغيير نقث (برائح مشال ۱۹.۴)

## ۳.۳.۳ حيار متغير تف عسل

حیار آزاد متغیر تف عسل کے سولہ ارکان ضرب ہوں گے۔اسس کے کارناف نقٹے مسیں مسر بی حنانوں کو پہیانے کی حن طسر تقتے کی بالائی صف اور حن طسر تقتے کی بالائی صف اور کویں کہ نقتے کی دایاں قط ارتفتے کی بائیں قط ارسے حبٹرا ہو۔ای طسر ح نقتے کی بالائی صف اور کویں کہ سندہ سے آپ مسیں حبٹرے ہوں۔ یوں سے 1 حن ندہ 1 مسیں حبٹرتا ہے،اور 1 مسین حبٹرے ہوں۔ یوں 1 مسین حبٹرتا ہے۔ دور 1 مسین حبٹرتا ہے۔

اسس نقشے مسیں دو، حپار، آٹھ اور سولہ فت ربی حنانے بسنانا مسکن ہے۔ دوفت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں تین متغیبرات ہوں گے۔ حپار فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں دو آزاد متغیبرات ہوں گے۔ آٹھ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں ایک متغیبر ہوگا، جبکہ سولہ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
کے برابرہوگا۔

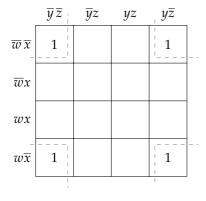
حيار متغب ركارنان نقثوں كى چند مثاليں ديكھتے ہيں۔

مثال ابه: درج ذیل تف عل کی سادہ مساوات شکل ۱۵،۸ امسیں پیش کی گئے۔

 $F(w, x, y, z) = \sum (m_0, m_2, m_4, m_6, m_8, m_{10}, m_{12}, m_{13}, m_{14}, m_{15})$ 

مثال ۲.۲: درج ذیل تف علات کی اده مساوات حساصل کریں۔

$$F(w,x,y,z) = \sum (m_0, m_5, m_7, m_{10}, m_{11}, m_{13}, m_{15})$$
  
$$F(w,x,y,z) = \sum (m_0, m_2, m_8, m_{10})$$





$$F(w, x, y, z) = \overline{x}\,\overline{z}$$

$$F(w, x, y, z) = \overline{w} \, \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + xz + w \overline{x} y$$
(1)

شکل ۱۱، ۲: حیار متغیر نقث (برائے مثال ۲،۴)

مثق ۵.۳: سشکل ۱۶.۴-ب کے حپار حنانوں کے ارکان ضرب کے محبسوء سے کا سادہ روپ، بوولین قوانین کی مدد سے حاصل کرکے ثابت کریں کہ ہے۔ وقت رہی حنانے ہیں۔

مثال ٣.٣: تين آزاد متغيرات كے بلا شرك گير كاكارنان نقث حياصل كريں۔ حل: شكل ١٤.٢ مسيں نقث پيش ہے۔ اسس مسيں و ترب حنانے نہيں پائے حباتے، الهذا اسس كی مساوات مسزير سادہ نہيں بن كي حباستی۔

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
$\overline{x}$		1		1
x	1		1	

 $F(x,y,z) = x \oplus y \oplus z$ 

شكل ١٤. ٢٠: تين متغير بلا شركت گييك كانقث (برائے مثال ٣٠٣)



 $F(x,y,z) = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$ 

شکل ۱۸.۷: سادہ مساوات سے ارکان ضرب کے محب موعب کاحصول (مثال ۲۰.۲)۔

### ۲.M. مادہ ماوات سے تف<sup>ع</sup>ل کے ارکان ضرب کا حصول

کی بھی تفعل کی سادہ مساوات کا حصول بذریعہ کارناف نقشہ آپ نے دیکھا۔اسس جھے مسین اسس طسریقہ کار کو اُلٹ چپلا کر تفاعسل کی سادہ مساوات سے ارکان ضرب کا محبہوعہ حساسل کیا جبائے گا۔۔۔ ترکیب مثال سے بہتر سجھ آئی گی۔

مثال ۲۰.۳: درج ذمل سادہ مساوات سے تفاعسل کے ارکان ضریب کامجب وعب دریافت کریں۔

$$F(x,y,z) = y + \overline{x}\,\overline{z}$$

حل: سشکل ۱۸.۴ مسیں سادہ مساوات سے کارناف نقث حساسل کیا گیا، جس سے محبہوعہ ارکان ضرب کھا گیا۔

## ۳.۴ ضر<u>ب</u> بعبداز جمع کی شکل مسین ساده مساوات

کارناف نقشے کے ان حنانوں مسیں 1 پُر کیا حباتا ہے جن مسیں تف عسل کے بودلین حبدول مسیں ارکان ضرب کی قیب 1 ہو۔ تقت عسل کے متم کے بودلین حبدول کے کارناف قیب 1 ہوگا۔ اسس حبدول کے کارناف فیب 1 ہوگا۔ اسس حبدول کے کارناف نقشے سے ارکان ضرب کے مجبوعے کی مساوات، تف عسل کے متم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات محبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسیں ہوگا، جس کا متم لے کرامسل تف عسل کی (ضرب بعد از جح کی مشکل مسیں) مساوات حساس ہوگا، جس کا متم لے کرامسل تف عسل کی وضاحت کرتے ہیں۔

مثال ۸.۵: مندرحب ذیل تفاعل کی مجموعه ارکان ضرب اور ضرب بعید از جمع شکل میں سادہ

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
$\overline{x}$	0	0	1	1
x	1	1	0	0

_			
F =	$= \overline{x}u +$	$-x\overline{u}$ (.	
	- ~ 4	$\lambda \eta$ (.	

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
$\overline{x}$	1	1	0	0
x	0	0	1	1

$$\overline{F} = \overline{x}\,\overline{y} + xy \quad (3)$$

х	у	z	F	$\overline{F}$
0	0	0	0	1
0	0	1	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	1	0
1	0	0	1	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	0	1
		(1)		

شکل ۱۹.۷؛ محبسوعی ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کی شکل مسین ساده مساوات (مشال ۸.۵) ـ

مساوات حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_2, m_3, m_4, m_5)$$

سن: سشکل ۱۹٫۳ الف مسیں تفاعسل اور اسس کے متم کا جدول پیش کیا گیا ہے۔ ، مشکل سس میں تفاعسل کی مسین دی گئی ہے۔ سشکل ج مسین دی گئی ہے۔ سشکل ج مسین دی گئی ہے۔ سشکل ج مسین دی گئی میں اوات، تفاعسل کے ارکان جمع کی مساوات، تفاعسل کے ارکان جمع کی ضرب کی (درج ذیل) سادہ مساوات ساصل ہوگی۔

$$F = \overline{\overline{F}} = \overline{x} \, \overline{y} + xy$$

$$= (\overline{x} \, \overline{y})(\overline{xy})$$

$$= (\overline{x} + \overline{y})(\overline{x} + \overline{y})$$

$$= (x + y)(\overline{x} + \overline{y})$$

٩٥٪ غيير دلچيي حيال

	$\overline{y}$	y	$\overline{y}$ $y$				
$\overline{x}$	1		$\overline{x} \begin{bmatrix} \overline{x} & \overline{x} & \overline{x} \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = 0$	х	y	F	F
л	1			0	0	0	1
	_		1,	0	1	1	0
x	d	1	$x \mid \mid d \mid \mid 1 \mid \mid$	1	0	d	d
				1	1	1	0
	F = 1	$x + \overline{y}$	$F = \overline{y} + x$		(	(1)	
	(5)		()			-	

شكل ۲۰ ۴.۲۰ غني رولچي حال (مثال ۲۰٫۴) ـ

## ۴.۵ عنبردلچسپ حال

ہم نے اب تک جبتے تف عسل دیکھے، ان مسیں مداحسٰل کی تمسام صور توں کے مطابقتی محسٰارج دستیاب اور ضروری تھے۔ بعض او صاحب مداحسٰل کی چب نہ قبستیں ممسکن نہسیں ہول گی یاان کے مطابقتی محسٰارج استعال نہسیں ہوں گے۔مداحسٰل کے ان قیتوں کو عسب رد کیے سب حسال کہتے ہیں۔

تف عسل کی سادہ مساوات حساس کرتے وقت، کارناف نقشے کے غیسر دلچ پ حسال حنانوں مسیں 0 یا 1 کی بحب کے d درج کسیاحباتا ہے۔ وقت بی حنانے گھیرتے وقت اگر کسی غیسر ضروری حنانے مسیں 1 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہو تو اسس حنانے مسیں 1 تصور کسیاحباتا ہے، اور اگر اسس مسیں 0 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہوتی ہے تو اسس مسیں 0 تصور کسیاحباتا ہے۔

مثال ۲.۷: درج ذیل تف عسل کی ساده مساوات، محب وعب ار کان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے روپ مسیں حیاصل کریں۔

$$F(x,y) = \sum (m_0, m_3)$$
  
$$d(x,y) = \sum (m_2)$$

صل: تف عسل کا ایک حسال غنید دلیپ ہے۔ شکل ۲۰۰۸ میں تف عسل کا بودلین حبدول اور کارنان فیڈ دکھائے گئے ہیں۔ مجبوعہ ارکان خرب کے روپ مسین سادہ مساوات حساسل کرتے وقت غیر دلیس حن نے گئے ہیں۔ مجبوعہ ارکان خرب کے روپ مسین سادہ مساوات حساسل ہوگی (شکل - ب)۔ خرب بعد از جمع کے روپ مسین بھی غیر دلیس حن نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی (شکل - ج)۔

 $F(w,x,y,z)=\sum_{m=0}^{\infty}(m_0,m_2,m_8,m_9,m_{12},m_{13},m_{15})$   $f(w,x,y,z)=\sum_{m=0}^{\infty}(m_1,m_2,m_3,m_{11})$ 

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\overline{w}\overline{x}$	1	d	d 	1	$\overline{w}\overline{x}$
$\overline{w}x$		d			$F(w, x, y, z) = w\overline{y} + \overline{w}\overline{x}$
wx	1	1			1(w,x,y,z) = wy + wx
$w\overline{x}$	1	1	d		
			$\overline{w}\overline{y}$		

شكل ۲۱.۳۱ غيسر دليسي حسالات (مشال ۲۵.۴) ـ

سل: سشکل ۲۱٫۳ مسین کارناف نقشہ پیش کی گیا ہے۔ سادہ مساوات کے حصول مسین (بالائی صف کے) دو عنی رد کچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رکچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رپوشش کی گئی۔ ہے۔

# اب

# تركب بي منطق اور تركب بي ادوار

تر کیبی منطق اے مسراد وہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ مداحنل پر مخصسر ہو؛ یعنی، کسی بھی لمحس پر تفاعسل کا محنارج، اُی لمحسے کے مداحنل پر مخصسر ہوگا۔ ایسے تفاعسل کو ترکسیبی ادوارے حسامہ عمسل پہنایا حساتا ہے، جوشنائی گیٹ سے حساصل کئے حساتے ہیں۔اسس باب مسیں ترکسیبی ادوار پر غور کسیاحبائےگا۔

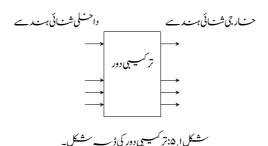
اسس کے بر عکس، ترتیبی منطق اسے مسرادوہ منطق ہے جس مسیں محضارج موجودہ اور ماضی مداحسن پر مخصسر ہو؛ لینی، کسی بھی لمحسے پر تف عسل کامحسارج، گزرے اور موجودہ مداحسن پر مخصسر ہوگا۔ ترتیبی منطق کو ترتیب یا دوارے حسام ہمسال پہسایا حساتاہے، جن پر انگلے باہے مسین غور کمیاحب کے گا۔

کسی بھی ترکسیبی دور کو سشکل ۱.۵ گوبہ شک**ل ت**ے ظاہر کسیا جباسکتا ہے، جہاں مداحشل شنائی ہند سوں (مداحشل بِٹ) کو مائیں جسکہ محساری شنائی ہند سول کو دائیں ہاتھ رکھسا حباتا ہے۔

۱.۵ شنائی جمع کار اور شنائی منفی کار

دواعب داد کو جمع یا مفی کرنابنیا دی ساب کا حسب ہے۔ آئیں دوبِ جمع کرنے والے دور پر غور کریں۔

combinational logic sequential logic box diagram



# ا.ا.۵ نصف جمع کار

ایک برٹ کی قیت صرف 0 یا 1 ہو سکتی ہے، البذادوبٹ جع کرتے ہوئے درج ذیل حیار (شنائی) صور تیں پیدا ہوں گی۔ (اسس باب مسین شنائی ہندہے اور اعبداداستعال ہوں گے:زیر نوشت 2 کھے کروضا حت نہیں کی حبائے گی۔)

$$0+0=0$$
$$0+1=1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10$$

اسس مساوات مسین دوبرئے جمع کئے گئے، البذا مداحسٰل کی تعبداد دو ہو گی۔ مساوات مسین اگر حپ پہلے تین جوابات ایک برئے ہیں، لسیکن آحسٰری جواب دوبرئے ہے۔ یوں، تمسام صور توں سے نیٹنے کی حسٰاطسر، جوابات دوبرئے تصور کے حسائیں گے، اور ذکل لکھٹ بہتر ہوگا:

$$0 + 0 = 00$$

$$0 + 1 = 01$$

$$1 + 0 = 01$$

$$1 + 1 = 10$$

جس سے واضح ہے کہ جواب دوبرٹ ہیں۔ یوں، دوبرٹ جمع کرنے والے دور کے دومداحن اور دومحن ارج ہوں گے۔

مداحن کو y اور z ، جب محن ارج کو s اور c کلھ کر درج بالام وات کو حب دول a امسیں پیش کی گیا ہے ، جس سے تقاعلات a اور a کی مساوات ، محب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیں حساصل کرتے ہیں۔

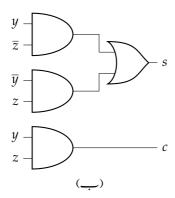
$$\begin{array}{c} c = yz \\ s = \overline{y}z + y\overline{z} \end{array}$$

اِن تف عسلات کے (دو مختلف اقسام کے)ادوار شکل ۲۰۵ مسیں پیش کیے گئے ہیں، جو نصف جمیع کار مہاب لاتے ہیں۔اسس نام کی وضاحت اگلے حسب مسیں ہوگی۔

half adder"

حبدول ۵: دوبِٹ جمع

y	z	С	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0







۵.۲: مکسل جمع کار	حبدول
-------------------	-------

x	y	z	С	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

۵.۱.۲ مکسل جمع کار

آئیں، ایک سے زیادہ ہے شنائی اعبداد  $y=111_2$  اور  $z=11_2$  کے مجبوعے کا حصول دیکھتے ہیں۔

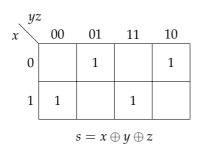
پہلے متدم پر کم تر رتبی ہوں اور  $z_0$  کو نصف جمع کار حسل کر سکتا ہے، کسیکن اسکلے متدم پر ہٹ  $y_1$  اور  $z_1$  جمع کرتے ہوئے گزشتہ متدم کا ماصل  $z_0$  اور  $z_0$  کو نصف جمع کرتا ہوگا۔

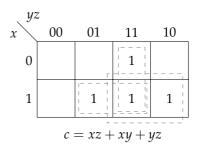
ظ ہر ہوا، دواعب داد جمع کرنے کی حن طب رایب دور در کار ہو گاجو تین بٹ جمع کر سے۔ آئیں ایب دور دیکھتے ہیں۔

اس دور کے مداحنل y ، x اور z جبکہ محنارج c اور c لیتے ہوئے (جباں x پچھلے متدم کاحباصل ہوگا) جبدول c کلمتے ہیں۔

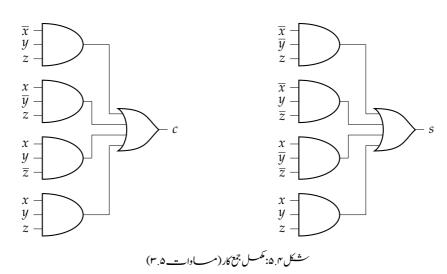
حبدول ہے 0 اور 8 کے تضاعبات کی مساوات ، مجبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسین حسامسل کرتے وقت ہیں۔ یادر ہے جب ول مسین تین آزاد اور دو تائع متغیرات ہیں۔ ایک تائع متغیرہ کی مساوات حسامسل کرتے وقت دوسرے تائع متغیرہ کو نظیر انداز کریں۔ یوں 0 کی مساوات حسامسل کرتے وقت تین مداحسل کر ہورے دی پر نظر رکھتے ہوئے 0 کے ارکان ضرب کا مجبوعہ لیں۔ شکل ۳۵ میں کارناف نشوں سے ان تضاعبات کی (درج ذیل) سادہ مساوات حسامسل کی گئی ہیں۔

$$c = xz + xy + yz$$
$$s = x \oplus y \oplus z$$





## شكل ٣٠٤: مكسل جمع كار

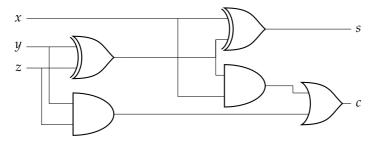


کارناف نقشہ استعمال کیے بغیب رحبہ ول ۲۰۵ سے ان تف عسلات کی مساوات، محب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیر لکھتے ہیں۔

$$\begin{array}{c} c=\overline{x}yz+x\overline{y}z+xy\overline{z}+xyz\\ s=\overline{x}\,\overline{y}z+\overline{x}y\overline{z}+x\overline{y}\,\overline{z}+xyz \end{array}$$

انہیں شکل ۲۰۸۵ میں عملی حبامہ پہنایا گیاہے۔

 $(\overline{x}+x)yz$  جبکہ باقی احب زاء کا مجبوعہ  $x(\overline{y}z+y\overline{z})$  جبکہ باقی احب زاء کا محبوعہ ورج بالا پہلی مساوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوعہ



شکل ۵ ۵: مکسل جمع کار کابہتر دور (مساوات ۵ ۴)

لہندا c کے لئے درج ذیل لکھا حساسکتاہے۔

$$c = (\overline{x} + x)yz + x(\overline{y}z + y\overline{z})$$
  
=  $yz + x(y \oplus z)$ 

اس کومساوات ۲.۵ میں پیش S کے ساتھ اکٹھ کیے ہیں۔

$$(a.r)$$
  $c=yz+x(y\oplus z)$   $s=x\oplus y\oplus z$   $(a.r)$ 

ان تف عبلات کو شکل ۵٫۵میں پیش کباگیاہے، جو شکل ۴٫۵سے بہتر (چھوٹا)ہے۔ ماوات ۵.۴مسیں دیے 8 سے ارکان ضرب کامجب وعب حساصل کرتے ہیں۔

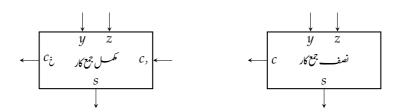
$$\begin{split} s &= x \oplus (y \oplus z) \\ &= x \oplus (y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(\overline{y}\overline{z} + \overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(\overline{y}\overline{z})(\overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(\overline{y} + z)(y + \overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= x(yz + \overline{y}\overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z) \\ &= xyz + x\overline{y}\overline{z} + \overline{x}y\overline{z} + \overline{x}\overline{y}z \end{split}$$

شکل ۵.۵ مکل جمع کار اکہا تاہے، البذاشکل ۲.۵ کو نصف جمع کار کمہیں گے۔

حبدول ۲.۵ مسین ۷ اور Z شنائی ہند سول کے ساتھ گزشتہ ت دم کا حساس X جمع کسیا گسیا۔ شکل ۲.۵ مسین نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبدلامت پیش ہیں۔ مکسل جمع کار مسیں گزشتہ ت رم سے داخلیر عاصلیر ^ر و ر بر جب اسس

half adder2

carry in



شکل ۲.۵: نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبلامت یں۔

## ت دم کے فارجی ماصل اور <sub>ن</sub>ے سے ظاہر کے اگسا۔

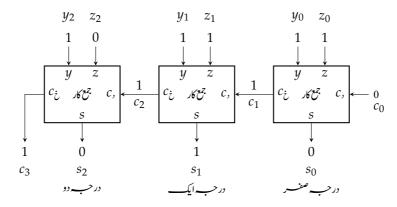
آئیں 111ء اور 2 = 11ء کا مجبوعہ مکسل جمع کار کی مدد سے حساس کریں۔سب سے پہلے دونوں اعبداد كو تين شنائي بندسول مسين لكهين ، المهندا ر 211 ع بو گارشكل 2.۵ مسين مطلوب تين درجي، تين بث جمع كار پیش کب گب ہے، جباں مکسل جمع کار کو مختصراً "جمع کار" کہا گیا ہے۔ شنائی عبد د $y=111=y_2y_1y_0$  اور  $z_0=1$  اور  $y_0=1$  اور  $y_0=1$  اور  $y_0=1$  اور  $y_0=1$  اور  $y_0=1$  اور  $y_0=1$  اور اعتداد کے کم رتبی ہندہے، ف راہم کیے حبائیں گے، اور ساتھ ہی چونکہ پہلے ت دم مسین کوئی "داحسلی سامسل" نہیں ہو گالهذا داخسلی حساسل  $c_1$  نسراہم کیا جائے گا۔ اگلے ت دم میں جن کار کو  $y_1=1$  اور z=1 کے ساتھ پہلے ت دم کاحساس  $c_0=0$ بطور داخنلی حیاصل، نسراہم کییا جبائے گا، جبکہ آخنے کی جمع کار کو  $y_2=0$  اور  $z_2=0$  کے ساتھ گزشتہ ت م کا حیاصل c<sub>2</sub> و منراہم کیا جیا گا۔ تین بٹ جع کار،ان اعبداد کامج موعب c<sub>3</sub>S<sub>2</sub>S<sub>1</sub>S<sub>0</sub> دے گا۔

$$\begin{array}{c}
111 \\
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

شکل ۷۵ مسیں چونکہ در حب صف رکادا حنلی حسام ال ہمیث 0 ہوگالبذا بیب ال مکسل جمع کار کی بحب نے نصف جمع کار بھی استعال کے حاسکتا ہوئے۔ ایپ کرتے ہوئے ۲۰۵ منسراہم کرنے کی ضرورت نہیں ہو گی۔

زبادہ ہا اعبداد کے محب موعب کے لئے شکل 2.4 مسیں مائیں حیازے مسئرید مکسل جمع کار کااضاف کسیا سیائے گا۔ بول 8 بٹ(یعنی ایک بائٹ)اعبداد کامجسوعہ آٹھ درجی جمع کار دے گا،جو 8 مکسل جمع کاریر مشتمل ہو گا،جب کہ 64 بٹاعبداد کے محب وعبہ کے لئے 64 مکسل جمع کارپر مشتل 64 بٹ جمع کار در کار ہو گا۔



مشكل ٤٠: تين درجي، تين بك جمع كار

مثق ا.۵: مختلوط دور 74283 پاریٹ مکسل جمع کارہے (صفحہ ۴۹ پر مختلوط ادوار کے سلسلہ 74xxx کے بارے مسین دوبارہ پڑھسین )۔ اسس کے معسلوماتی صفحات انتشار نیٹ 'اسے حساصل کریں۔ اسس مختلوط دور کو استعال کرتے ہوئے 8 بٹ کے دوشنائی اعساداد جمع کریں۔

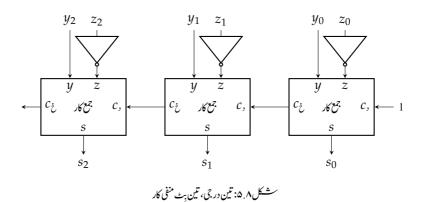
#### ۵.۱.۳ منفی کار

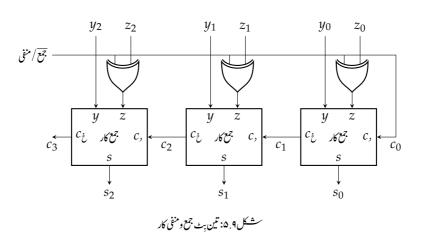
شنائی اعبداد کو کمپیوٹر دوکے تکمیاری مدد سے منفی کر تاہے۔ دو کا تکمیار استعال کرتے ہوئے شنائی اعبداد منفی کرنے کے عمسل پر دوبارہ نظسر ڈالتے ہیں۔ یادر ہے، بلیند تررتی ہٹ کی جمع سے پیدا، آحنسری حسامسل منسائع کمپیاحباتا ہے، جبکہ اسس کی عنسیر موجود گی مسیں بنتیجے کادو کا تکمیار سابتا ہے۔

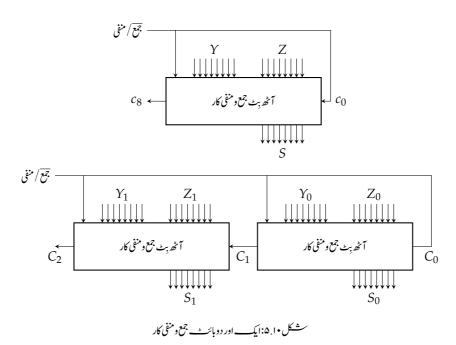
تین بِٹ شنائی اعسداد y اور z = (y - z) حساسل کرنے کے لئے z کے متم کے ساتھ 1 اور y جمع کرنا ہوگا۔ شکل میں اسس محسل کو محسلی حباسہ پہنایا گیا ہے، جہاں نفی گیٹ استعال کر کے z کامتم (یا ایک کا تکمسله) میں اسس کسا گیا، اور ساتھ 1 جمع کرنے کی حن اطسر در حب صنسہ کو داخنلی حساسل 1 فسندر اہم کساگیا۔

سشکل ۵. کاور سشکل ۵. ۸ دونوں مسیں مکسل جمع کار استعال ہوئے۔ سشکل ۵. کے ساتھ نفی گیہ نسلک کر کے اور داختلی حساس سلک کے دور سے بھی حساس کے دار منفی اعمال ایک ہی دور سے بھی حساس کے حساس کے عبی سال کے جمع اور منفی اعمال ایک ہی دور سے بھی حساس کے حساس کے عبی ایساد دور جے جمع و منفی کار کہتے ہیں شکل ۹.۵ مسین پیش ہے۔

'انٹ رنیٹ مسیں74283 datasheet تلاشش کریں۔







اسس شکل مسیں بلا شسر کسے جمع گیٹ استعمال کیے گئیا، اور مت ابواسفارہ جمع گیٹ کی کا اصف دنے کسے گئیا۔ اسس مت ابواسفارہ کی کارکرد گی پر غور کرتے ہیں۔ جب جمع گیٹ اسفارہ کی کارکرد گی پر غور کرتے ہیں۔ جب جمع کم منفی اسفارہ ہیں۔ جب جمع گار کی حیثیت سے کار اور ساتھ ہی  $c_0=0$  ہو گا: لہذا ہے۔ دور تین بٹ جمع کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

اسس کے بر عکس، جمع کار تک بوبلاٹ (1) ہوبلاٹ رکت جمع گیٹ عدد z کامتم  $\overline{z}$  مکسل جمع کار تک پہنچ کے گا، اور ساتھ ہی  $c_0=1$  ہوگا؛ لہذا ہے دور تین ہے منفی کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

وت ابوات ارہ کے نام مسین "منی" اور "" لکھ کر ہے واضح کی گیا ہے کہ اسٹ ارہ بلٹ دہونے کی صور ہے مسین منفی کار اور پہت ہونے کی صور ہے مسین جمع کار سے اصل ہوگا۔

آٹھ بٹ جمع و منفی کار کو ایک بائٹ بہتی و منفی کار کہتے ہیں۔ شکل ۱۰.۵ مسیں ایک بائٹ اور دوبائٹ بہتی و منفی کار د کھائے گئے ہیں۔ اسس کے بائیں حبائب مسزید ورحبات جوڑ کر متحد دبائٹ کا دور جنایاحب سکتا ہے۔ یہاں  $Y_0$  پہلے بائٹ (لیمنی بسلے بائٹ  $y_1$  کی جمع کا بائٹ (لیمنی بٹ  $y_2$  تا  $y_3$  کا طابر کر تاہے، جب کہ  $y_2$  سے مسراد دوسسرے بائٹ کی جمع کا حذار جی ساسل ہے۔

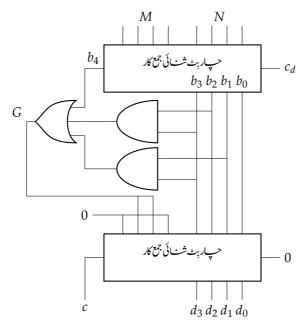
حبدول ٣٠.٥: اعث ارى جمع كارك مطلوب جواب
---

شنائی					_	شارسي	ر موز اعر	ائی مب	ثن	اعثاری
$b_4$	$b_3$	$b_2$	$b_1$	$b_0$	С	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	2
0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	3
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	4
0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	5
0	0	1	1	0	0	0	1	1	0	6
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	7
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	8
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	9
0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	10
0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	11
0	1	1	0	0	1	0	0	1	0	12
0	1	1	0	1	1	0	0	1	1	13
0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	14
0	1	1	1	1	1	0	1	0	1	15
1	0	0	0	0	1	0	1	1	0	16
1	0	0	0	1	1	0	1	1	1	17
1	0	0	1	0	1	1	0	0	0	18
_1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	19

#### ۵.۱.۴ اعثاری جمع کار

جیب پہلے ذکر ہوا، اعثاری اعتداد کو ثنائی مرموز اعثاریہ "ے ظاہر کیپ حباتا ہے۔ ایب مکسل جمع کارب تے ہیں جو دواعثاری میں بہت کی کر ہوا، اعثاری ہوں کہ جمع کر تاہو۔ چونکہ اعثاری ہند سے 0 تا 0 ، جب کہ داخنلی حباصل 0 یا 1 ہو 0+9+1=19 تا 0 ، جب کہ داخنلی حباصل 0 کہ جمع کار کے جو اب 0+0+0=1 کی قیمت 0 کی قیمت 0 کی جہ بہت ہیں اعثاری شنائی مصر موزاعث ارب اورشنائی روپ مسین جب دل ہوں گار ہے۔ اورشنائی روپ مسین جب دل ہوں گار ہوں کا مسین جس کی آئیست کے ایس میں جب دل ہوں گار ہوں کی بیٹ کی آئیس کی کر آئیس کی آئیس کی آئیس کی آئیس کی کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کر آئیس کر آئیس کر آئیس کر آئیس کی کر آئیس کی کر آئیس کر آئیس کر

binary coded decimal (BCD)"



شکل ۱۱. ۵: شنائی مسرموزاعثاری روی مسیں اعشاری جمع کار

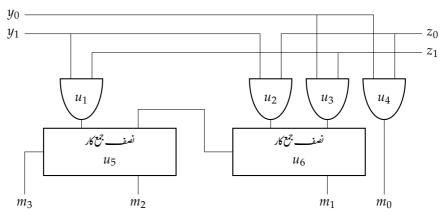
یہاں ایک دلچیپ حقیقت پر غور کرتے ہیں۔ ناصابل مسبول شنائی جواب کے ساتھ 0110<sub>2</sub> شنائی طور جمع کرنے سے درست شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل ہو گا۔ مشلاً، 201010 کے ساتھ 0110<sub>2</sub> جمع کرنے سے 10000<sub>2</sub> مسئل مسرموز اعشاریہ مسین درست جواب ہے۔ یوں 0 تا 9 شنائی جوابات کوجوں کا توں، جبکہ ان سے بڑے جوابات کے ساتھ 0110<sub>2</sub> شنائی طور جمع کرکے شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل کے ساتھ ہیں۔

حبدول ہے واضح ہے کہ جب شنائی جمع کار کے جواب میں حنارجی حیاصل  $b_4$  بلند ہو، اس جواب کوشنائی مسرموز اعشار جواب تسلیم نہیں کیا جب سالگا؛ اس کے عبالاوہ جب  $b_3$  بلند ہو تب بھی جواب کوشنائی مسرموز اعشار ہے۔ تسلیم نہیں کیا جب سالگا۔ ان حت اُق کو درج ذیل بوولین مساوات بیان کرتے ہے، جب ان ناف بالی قسبول جواب کی صورت مسیں G بلند ہوگا۔

$$(a.a) G = b_4 + b_3 b_2 + b_3 b_1$$

اسس حقیقت کو استعمال کرتے ہوئے شنائی جمع کار کی مدد سے شنائی مسرموز اعشاریہ جمع کار کا حصول شکل ۱۱.۵ مسیں دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے سازی کرتا دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے کو حناری کرتا ہے، جبکہ G بلند ہونے کی صورت مسین ساتھ 20110 جمع کرکے درست شنائی مسرموز اعشاریہ حنارج کرتا ہے۔ جبکہ جبکہ جبکہ جب

۵.۲ شنائی ضرب کار



مشكل ١٢. ٥: دوبث شن أكي ضرب كار

## ۵.۲ شنائی ضر کار

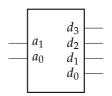
شن کی ضرب بالکل اعشاری ضرب کی طسرح کی حباتی ہے۔ دوبِٹ شنائی اعسداد y اور z کو مشلم و کاعنبذ کی طسرز پر ضرب کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

اسس مساوات سے حسامسل دوبِٹ شنائی ضرب کار شکل ۱۲.۵ مسیں پیشس ہے۔ زیادہ بِٹ کے ضرب کار بھی ای طسرح تفکیسل دیے حباتے ہیں۔

درج بالا نسلم و کاغن ذکی طرز پر ضرب مسین کمتریِ  $m_0 = y_0 z_0$  ہمیں جمع گیٹ  $u_4$  دیت ہمیں  $u_4$  و بیت  $u_5$  اگلیٹ  $u_5$  اور  $u_5$  اور بیت  $u_5$  اگلیٹ  $u_5$  اور بیت  $u_5$  اور بیت  $u_5$  اور بیت  $u_5$  کرکے دیت  $u_5$  اور بیت سال اگر موجود ہو) دیت ہے۔ اس مسین جمع کرکے  $u_5$  اور بیت اور بیت ہمیں دیگا۔  $u_5$  کی مسال کو  $u_5$  اور بیت ہمیں  $u_5$  کی مسال کی مسال کو  $u_5$  اور بیت ہمیں  $u_5$  کی مسال کی مسال کو  $u_5$  کی کار کار کی مسال کو مسال کو  $u_5$  کی کرنے والے مسال کو  $u_5$  کی کرنے والے کے ساتھ بایاں نصف جمع کی کار کے مسال کو ویک کرنے والے کی کرنے ویک کے ساتھ بایاں نصف کی کرنے ویک کی مسال کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے ویک کی کرنے ویک کی کرنے ویک کی کرنے ویک کی کرنے ویک کرنے

مثق ۵.۲: شن فی اعب داد 11<sub>2</sub> اور 10<sub>0</sub> جمع کرنے کے متدم مشکل ۱۲.۵ کے دورمسیں کرتے ہوئے د کھائیں۔

یا بٹ	داحنا		جی بیٹ	حنار!	
$a_0$	دا <sup>حن</sup> ا a <sub>0</sub>	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0



شکل ۱۳.۱۵: دوسے حیار مشناخت کار

مثق ۵٫۳ انٹرنیٹ سے 74284 مختلوط دور کے معسلوماتی صفحات حاصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیا کام سرانحبام دیتاہے؟

#### ۵٫۳ شناخت کار

مداخنل 00 (حبدول کی پہلی صف) کرنے سے حپار محنارج مسیں سے ایک، لیمن  $d_0$  کی شناخت ہوتی ہے۔ ای طسرح 10 محنارج  $d_1$  کی، 10 محنارج  $d_2$  کی، اور 11 محنارج  $d_3$  کی شناخت کرتے ہیں۔

اگر d حپار مختلف عجب من مشلاً، حپار گلیاں، یا حپار مکان، تصور کی حب نیں، تب م ان کاپت ہوگا، جس کے ذریعت ان تک پنجین مسکن ہوگا۔ ای مشابہت مے کو پہتا کے بیٹے باپت پیٹے "ایاصرف پنتا "اکتبایں۔ عسد دی برقسیات مسین اسس طسر ح عجگ تعین کرنے والے "پت کے بٹول "کااستعال عسام ہے اور انہمیں، عسوماً، م سے ظاہر کیا حباتا ہے۔ حب تا ہے۔

کی بھی پت کواعث اری روپ مسیں لکھیں ؛ یکی معتام منتخب ہوگا۔ یوں 1012 بت معتام 5<sub>10</sub> لینی 5<sub>0</sub> منتخب کرے گا۔

decoder"

address bits

۳.۵. شناخت کار



شكل ١٨.٥: دوباحيار شناخت كار

سشکل ۵ ، ۱۳ مسیں دے حبدول کو محنارج کے لئے حسل کر کے درج ذمل حساصل ہوں گے۔

 $d_0 = \overline{a}_1 \overline{a}_0$ 

 $d_1 = \overline{a}_1 a_0$ 

 $d_2 = a_1 \overline{a}_0$ 

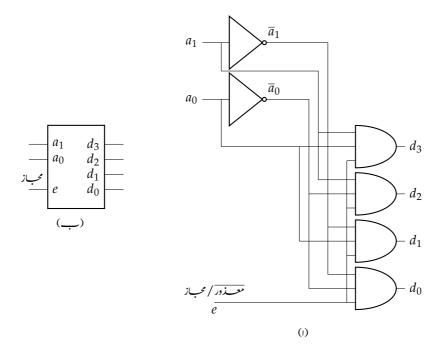
 $d_3 = a_1 a_0$ 

شکل ۱۳.۵ میں ان مساوات سے حساسل دوباحبار (2 × 4) شنافت کار پیش اسے، جس کے داختلی بند کی تعداد دورو (2) ، جبکہ حنار بی ہیٹ کی تعداد حیار (4) ہے۔

شکل ۱۳.۵ مسیں پیش شناخت کار کے تمام ضرب گیٹوں کے ساتھ اضافی صابع مداحسل جوڑ کر محباز و معنذور مصلاحیت کا ۱۳.۵ مسیں پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اراد استان پیش ہے۔ شناخت کار باب د صابوات اور اور گا اور (e) کی صورت مسیں، شناخت کرنے کا محباذ ہوگا، پیت امضارے کی صورت مسیں شناخت کار معنذور ہوگا اور اسس کے تمام محنارج پیت ہوں گے۔ شکل - ب مسیں اسس کی عسلامت پیش کی گئے ہے، جہاں متابوات اور کو مختصر آ معربان "کہا گیا ہے۔

حبدول ۲.۵ الف مسین محباز و معنزور صلاحی کے شناخت کار کی کارکردگی پیش کی گئی ہے۔اسس حبدول

decoder<sup>10</sup>



شكل ۱۵.۱۵: محباز ومعهذ ورصلاحيت كادوباحب ارمشناخت كار

#### حبدول ۴۰.۵:محساز ومعب ذور صبلاحیت کاسشناخت کار

()										
e	$a_1$	$a_0$	<i>d</i> <sub>3</sub>	$d_2$	$d_1$	$d_0$				
0	x	x	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0	1				
1	0	1	0	0	1	0				
1	1	0	0	1	0	0				
1	1	1	1	0	0	0				

			(1)			
e	$a_1$	$a_0$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

۵٫۳ شناخت کار

ب دول۵.۵:بلن د عمسل پیسرا، تین با آٹھ مشناخت کار	ا آٹھ مشناخت کار	سل پیسے را، تین با	حبدول۵.۵:بلن ع
--	------------------	--------------------	----------------

$\overline{a_2}$	$a_1$	$a_0$	d <sub>7</sub>	$d_6$	$d_5$	$d_4$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1		0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0		1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

کو مختصراً جبدول - ب کی صورت مسیں پیش کیا حباتا ہے، جباں پہلی صف مسیں تابو اشارہ پست x کھی  $a_1$  کا اور  $a_1$  کا قیت مسیں  $a_2$  اور  $a_3$  کا گھی۔  $a_3$  کا گھی۔  $a_4$  کا گھی۔  $a_5$  کا گھی۔ جباتی ہے۔  $a_5$  کا گھی۔ جباتی ہے۔

تین با آٹھ (8 × 3) شناخت کار کا دور حساس کرنے کی حناط سر، تین مداحن کا ایسا حبدول کھتے ہیں جس مسیں مداحن کی ہر ترتیب ایک منف رد محنارج منتخب کرے (حبدول ۵۵ دیکھیں)۔ چونکہ چُنا گیا محنارج بلبند ہوگا، البندا ایسا شناخت کار، بلند عمل پراالہ البلاتا ہے۔ محنارج تف عسلات کی مصاوات، محب وعد ارکان ضرب کی صورت مسین حساس کرتے ہیں۔

$$d_0 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

$$d_1 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_2 = \overline{a}_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_3 = \overline{a}_2 a_1 a_0$$

$$d_4 = a_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

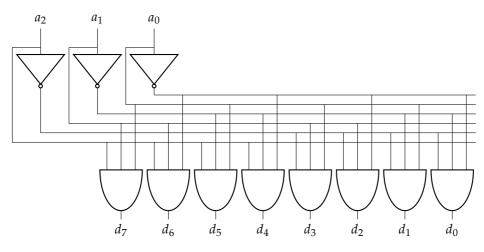
$$d_5 = a_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_6 = a_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_7 = a_2 a_1 a_0$$

ان تف عسلات سے حساسل، بلند عمسل پیسرا، تین باآٹھ (8 × 8) مشناخت کار شکل ۱۹.۵ مسیں پیش ہے۔
اسس مسیں محباز مداحن کا اضاف کرنے سے محباز و معد ذور صلاحیت، بلند عمسل پیسرا، تین با آٹھ شناخت
کار حساسل ہوگا جو شکل ۱.۵ مسیں پیش ہے۔ محباز بلند ہونے کی صورت مسیں شناخت کار کام کرے گا، جب کہ پیت محباز کی صورت مسیں بتام محنارج پیت رہیں گے؛ ہم کہتے ہیں سے بلند مجاز اشناخت کار ہے۔ جبدول ۱۹۵۸ مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کارکردگی پیش کی گئے ہے۔

active high active high



شكل ١٦. ٥: بلند عمل پيرا، تين با آٹھ (8 × 8) شناخت كار

تین مداحن ط<sub>ا</sub> ، ماور م<sub>ا</sub> و کی قیمتیں اہمیت نہیں رکھتی؛ ای لئے انہیں x کھٹ گیا ہو کا یا 1 ہو سکتا ہے۔ یہ (پہلی) صف در حقیقت، a<sub>2</sub> ، مارک تا ھا 111 ، اہلیذا، آٹھ صفوں کو ظہر کرتی ہے۔ (پہلی) صف در حقیقت، a<sub>2</sub> a<sub>2</sub> a<sub>1</sub> مارک تا ھا 111 ، اہلیذا، آٹھ صفوں کو ظہر کرتی ہے۔

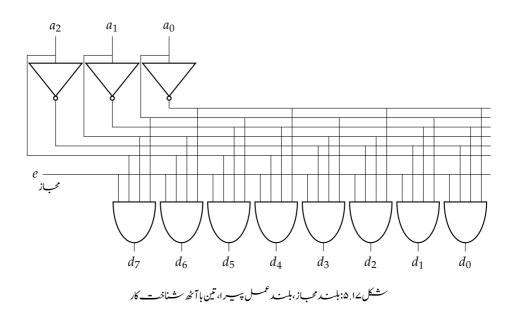
مثق ۲۰.۵: سشکل ۱۵.۵ مسیں دایاں جمع گیا کے کامحنارج کیا ہے؟ باقی محنارج بھی مشکل سے حساسسل کریں۔ کیا ہے۔ حبد ول ۵.۵ پر پورااتر تے ہیں؟

بعض اوت ۔، ایے شناخت کار کی ضرور ۔ پیش آتی ہے جس کا چنا گیا مضارح پس ہو۔ایس شناخت کار پہتے ع<mark>الی پیرا ۱</mark>۸ ہم سانا تا ہے۔ حبدول ۲۵ کم میں ایسا پست عمسل پسرا، تین با آٹھ شناخت کار پیش ہے، جو صابو امشارہ محبز پست ہونے کی صور ۔ مسیں کام کرتا ہے؛ ہم کہتے ہیں بہر پستے مجاز ۱۹ ہے۔ روایت، پست عمسل پسرا مخسان کو آتا ہے دوایت، پست عمسل پسرا مخسان کو آتا ہے دوایت، پست عمسل پسرا مخسان کو آتا ہے اور ایست، بو مخسان کام کرتا ہے؛ ہم کہتے ہیں بات کی یاد دہائی کراتی ہے کہ چنا گیا محسان ہور سے کام کرے گا گا۔ صابو امشارہ پر بھی "لکسیر" گئی ہے (عَلَی جواسس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ شناخت کار اسس صور ۔ کام کرے گا جب و صابو امشارہ پر بھی شکل ہے۔ سناکن ۱۵ میں ضرب گیا ہے۔ مشاکل کرنے سے سال ہوگا۔ حکمت مضرب گیا ہے۔ ناور صابو گا۔ بستان مضرب گیا ہے۔ مشاکل کرنے سے سال ہوگا۔

شکل ۱۹.۵ مسین تین با آٹھ شناذے کار کی عبلامتیں پیش ہیں۔ شکل الف مسین بلند محباز، بلند عمسل پیسرا،

active low active low

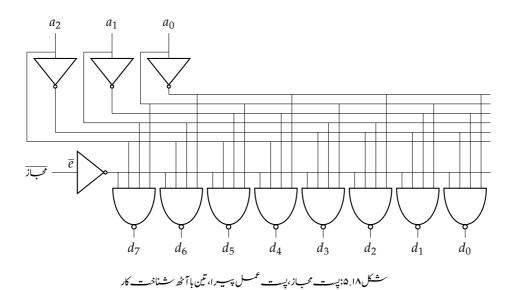
۵٫۳ شناخت کار

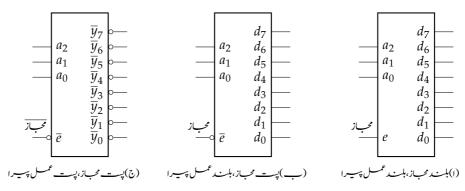


حبدول ۲.۵:بلند محباز،بلند عمل پیسرا، تین با آٹھ شناخت کار

e	$a_2$	$a_1$	$a_0$	d <sub>7</sub>	$d_6$	$d_5$	$d_4$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	x	x	x	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

$\overline{e}$	<i>a</i> <sub>2</sub>	$a_1$	$a_0$	$\overline{y}_7$	$\overline{y}_6$	$\overline{y}_5$	$\overline{y}_4$	$\overline{y}_3$	$\overline{y}_2$	$\overline{y}_1$	$\overline{y}_0$
1	$\boldsymbol{x}$	$\boldsymbol{x}$	$\boldsymbol{x}$	1	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1
0	0	1	0	1	1	1	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1





شكل ١٩. ٥: تين با آځه شناخت كار كې مختلف اقسام كې عسلامت ين ـ

مشکل - ب مسیں پیت محباز، بلند عمل پیرا اور مشکل - ج مسیں پیت محباز، پیت عمل پیرا روپ و کھائے گئے ہیں۔ ان عسلامتوں مسیں حنار بی پنیوں پر گول دائرہ اسس بات کی تقین دہانی کراتا ہے کہ منتخب ہونے کی صورت مسیں سے بیٹ پیت ہوگی۔ ای طسرح فت ابوبٹ پر گول دائرہ یاد دہانی کراتا ہے کہ مشناخت کار صرف اسس صورت محباز ہوگا جب سے امشارہ پیت ہو۔

مثق ۵.۵: انٹ رنیٹ سے 8 × 3 پیت عمسل پیپراٹ نانے کارے مختلوط دور 74138 کے معسلوماتی صفحات رساست کریں۔ اسس مختلوط دور کا" دورانی رد عمسل "کتن ہے؟

## ۵.۴ شناخت کار کی مد دسے تف عسل کا حصول

ہر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے مجبوعہ کے روپ مسین حساسل کی حباستی ہے۔ چونکہ سناخت کار تمسام مکن ارکان ضرب فنسراہم کرتا ہے، البذا اسس کے ساتھ جمع گیٹ جوڑ کر تفاعسل کو عمسلی حباسہ پہنایاحباسکتاہے۔ کی طسریقہ کارایک مشال کی مدوسے سیکھے ہیں۔

مثال ۵۱۱ کسل جمع کار کوشناخت کار کی مدد سے ار کان ضرب استعال کرتے ہوئے حساسسل کریں۔

حل: سنگسل جمع کار کی کار کر دگی جبد ول ۸.۵ مسیں پیش ہے،جہاں بند  $x_0$  اور  $y_0$  کے ساتھ داختلی حساسسل  $c_0$  جمع ہو کر وحدار جی حساسسل  $c_1$  پیدا ہوگا۔

## حبدول ۵.۸: مکسل جمع کار کی کار کردگی (برائے مشال ۸.۵)

$x_0$	$y_0$	$c_0$	$ c_1 $	$s_0$
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

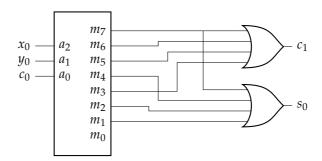
#### حبدول ۹.۵: تین با آٹھ شناخت کارار کان ضرب دیت ہے (برائے مشال ۱.۵)

$x_0$	$y_0$	$c_0$	$m_7$	$m_6$	$m_5$	$m_4$	$m_3$	$m_2$	$m_1$	$m_0$
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

## اسس حبدول سے درج ذیل مساوات حساسل ہوتی ہیں۔

$$\begin{array}{ccc} c_1 = \overline{x}_0 y_0 c_0 + x_0 \overline{y}_0 c_0 + x_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \\ s_0 = \overline{x}_0 \, \overline{y}_0 c_0 + \overline{x}_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 \overline{y}_0 \, \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \end{array}$$

تین سے آٹھ سشناخت کار حبدول ۹.۵ مسیں پیش ہے، جب ال حنار جی بٹ کومط بقتی ارکان ضرب لکھ گیا ہے۔ یول درج



شکل ۲۰ شناخت کار کی مدد سے مکسل جمع کار کاحصول

ذیل ہوں گے۔

$$m_{7} = x_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{6} = x_{0}y_{0}\bar{c}_{0}$$

$$m_{5} = x_{0}\bar{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{4} = x_{0}\bar{y}_{0}\bar{c}_{0}$$

$$m_{3} = \bar{x}_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{2} = \bar{x}_{0}y_{0}\bar{c}_{0}$$

$$m_{1} = \bar{x}_{0}\bar{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{0} = \bar{x}_{0}\bar{y}_{0}\bar{c}_{0}$$

مساوات 2.۵ کو دیکھتے ہوئے مساوات ۲۰۵۵ درج ذیل لکھی حباستی ہیں، جن سے مکسل جمع کار کا شکل ۲۰۰۵ حساسل ہوگا۔

(a.A) 
$$c_1 = m_3 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7) s_0 = m_1 + m_2 + m_4 + m_7 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

یہ تمام عمل نہایت آسان بنایا حبا سکتا ہے اگر حبدول ۸.۵ مسیں ارکان ضرب کا حنامہ بنایا حبائے (حبدول ۸.۵ مسیں ارکان ضرب کے روپ مسیں (حبدول ۱۰.۵ ویکھسیں)۔ اسس طسرز پر حبدول ککھ کر تفاعل کی مساوات، ارکان ضرب کے روپ مسیں حساسل کی حباسکتی ہے۔اسس حبدول کودکھ کر مطاوب جواب فوراً لکھا حباسکتی ہے۔

$$c_1 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$$
  
$$s_0 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

ب(برائے مشال ۱.۵)	جمع کار کے ار کان ضر پہ	حبدول ۱۰.۵:مکسل
		جبرون المبيد

$x_0$	$y_0$	$c_0$	$ c_1 $	$s_0$	m
0	0	0	0	0	$m_0$
0	0	1	0	1	$m_1$
0	1	0	0	1	$m_2$
0	1	1	1	0	$m_3$
1	0	0	0	1	$m_4$
1	0	1	1	0	$m_5$
1	1	0	1	0	$m_6$
1	1	1	1	1	$m_7$

 $e \longrightarrow \frac{d_3}{d_2}$  و  $d_2$  احتار قی مواد  $d_0$   $d_0$ 

شکل ۵.۲۱ یک سے حیار حنار جی منتخب کار کا تصور

# ۵.۵ داخنگی منتخب کار اور حن ارجی منتخب کار

ایسا دور جواکلوتے مداحسل پر مہیاشت انی مواد کو 2<sup>n</sup> محسارج مسیں کسی بھی ایک پر بھیج سے ظار ج<sub>ی</sub> منتخب کار <sup>۴۰</sup> کہا تا ہے۔ مطسلوب محسارج کی نشاند ہی 11 بٹ پت کرتاہے۔

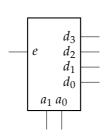
ایسا دور جو 2<sup>n</sup> مداحن مسین کی بھی ایک پر مہیاشنائی مواد کو اکلوتے مینارج پر بھیج سے **داخلی منتخب کا**را<sup>م</sup> کہلا تا ہے۔ مطلوب مداحن کی نشاند ہی 1 بن یت کر تا ہے۔

## ا.۵.۵ حنارجی منتخب کار

سشکل ۲۱.۵مسیں حنارجی منتخب کار کا تصور چیش کیا گیاہے، جہاں مداحنل e پر آمد شنائی مواد کو، تیجی سونج کے ذرایعہ، حیار مختلف حنارجی راستوں بھیجیا حیاسکتا ہے۔

محباز و معبذور صلاحیت کامشناخت کار بھی ہے کام سسرانحبام دے سکتا ہے۔ یہ دیکھنے کی حناطسر حبدول ۴.۵ کو یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

demultiplexer\*\*
multiplexer\*\*



e	$a_1$	$a_0$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

شکل ۵.۲۲ ایک سے حیار (1 × 4) منارجی منتخب کار

e	$a_1$	$a_0$	$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

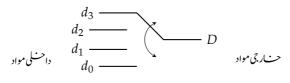
جبدول مسیں  $a_1a_0$  کو دوبٹ پت، e کو داخنگی مواد، اور  $d_0$  تا e کو حپار محنارج راستے تصور کریں۔ حبدول کی پہلی اور پانچویں صف پر نظر رکھسیں، جہاں  $a_1a_0$  دوبٹ پت، e منارج e منارج کو منارج کا گھیستیں ہے گاہ کہ منابہ کی قیمت مسیں  $a_1a_0$  کی قیمت داخنگی مواد e جبکہ پانچویں صف مسیں e میں e کی قیمت کی مطابقتی قیمتیں ہی ہیں۔ پہلی صف مسیں e کی قیمت e کی قیمت کی جب کی صف مسیں اسس کی قیمت e ہے۔ منارج پس منارج پست رہیں گے۔

باقی تین پے 01 ، 10 ، اور 11 بالت رتیب  $d_2$  ،  $d_2$  ، اور  $d_3$  اور  $d_3$  اور  $d_3$  اور  $d_3$  اور وہی مواد ہور داخت e پر ہور مواد ہور داخت e پر ہور است رتیب میں مواد ہور کا کا مواد ہور کا مواد ہور کا کا مواد ہور کا کر کا مواد ہور کا مواد ہ

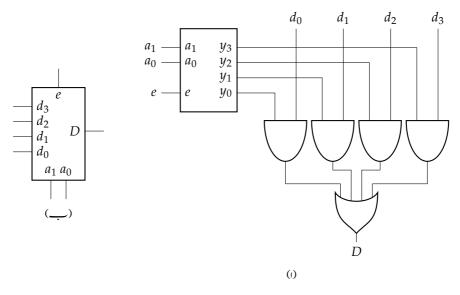
اسس جبدول مسیں صفوں کی ترتیب نو کر کے مشکل ۲۲.۵ مسیں پیش جبدول کی صور یہ مسیں لکھا جب بھواسس کی کار کر دگی بطور حسار ہی منتخب کار دافتے کر تا ہے۔اسس مشکل مسیں ( 4 × 1) منتخب کار کی عسلامت بھی پیش ہے۔

## ۵.۵.۲ داخنگی منتخب کار

سٹکل ۲۳.۵ سیں داخنلی فتخیب کار کا تصور پیش کیا گیا ہے، جہاں پیچی سونچ کے ذریعہ  $d_0$  تا  $d_0$  مواد محنارج منقتل کیا جہا سکتا ہے۔



شکل ۲۳٪ ۵: حیار سے ایک دا<sup>حن</sup>لی منتخب کار کا تصور۔

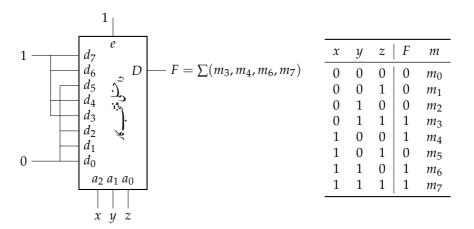


شکل ۵.۲۴ دیارے ایک (4 × 1) داختلی منتخب کار۔

دا حنلی متخف کار کو مشناخت کار کی مدد سے مشکل ۲۳.۵ مسیں حیاصل کیا گیا ہے؛ مشکل ۔ ب مسین اس کی عمدامت پیش ہے۔ یہاں محباز و معد ذور صلاحیت کا حاسناخت کار استعال کرکے محباز و معد ذور صلاحیت کا داخنگی منتخب کار حیاصل کیا گیا۔ ایسا مشناخت کار جس مسین متابو امشارہ سے ہو، استعال کرتے ہوئے حیاصل داخنگی منتخب کار مسین بھی محباز و معد ذور متابوات رہ نہیں ہوگا۔

میباز کردہ سشناخت کار 00 پت کی صورت مسیں  $y_0$  بلند کرے گا، جبکہ  $y_1$  اور  $y_3$  پست رہیں گے۔ بول دائیں تین ضرب گیٹ پست رہیں گے، جبکہ بایاں گیٹ  $d_0$  حنارج کرے گا۔ وتابو اسٹارہ و و پست کرنے کے داختلی مشناخت کار معد ذور ہوگا اور 0 حنارج کرے گا۔

ت کی کر لیں کہ محباز حسال مسیں، پت کے دوہِت  $a_0$  اور  $a_1$  ، حپار مداحنل  $d_0$  تا  $d_1$  ، مسیں سے ایک کو منتخب کر کے حسارج کر تا ہے۔



شکل ۵.۲۵ داخشلی منتخب کار سے تف عسل کا حصول (برائے مث ل ۲.۵)

مثق ٥٠١٪ انٹرنیٹ سے 74153 کے معلوماتی صفحات ساصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیاکام سرانحبام دیتا ہے؟

## ۵.۵.۳ داختلی منتخب کارسے تفعل کا حصول

مثال ۵.۲: درج ذیل تف عسل 1 × 8 داخنلی منتخب کارسے حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3, m_4, m_6, m_7)$$

 $8 \times 1$  کو xyz سے تف عسل کے تین آزاد متغیبرات xyz کو xyz میں ہے۔ تف عسل کے تین آزاد متغیبرات xyz کو xyz در احسنی متخب کارکے آٹھ مداحسل  $d_0$  تا  $d_0$  مسین ہے۔ بند قصور کر کے ، داحسلی متخب کارکے آٹھ مداحسل  $d_0$  تا  $d_0$  مسین ہے۔ داحسلی متخب کارکو محباز  $d_0$  کو بلند، جبکہ باتی کو پیست رکھ کر تف عسل حساسل ہو گا، جو مشکل ۲۵.۵ مسین پیش ہے۔ داحسلی متخب کارکو محباز  $d_0$ 

1 z	$     d_3 \\     d_2 \\     d_1 \\     d_0 $	رن کی ت <sup>ی</sup> ن کی ا	F(x,y,z)
		$a_1 a_0$	
			•
		x y	

х	у		F	
0	0	0	0	F = 0
0	0	1	0	F = 0
0	1	0	0	Г ~
0	1	1	1	F = z
1	0	0	1	$F = \overline{z}$
1	0	1	0	F = Z
1	1	0	1	F = 1
1	1	1	1	F = 1

مشکل ۲۶.۵: داخشلی منتخب کارسے تف عسل کا حصول (برائے مث ال ۳.۵)

یوں پتہ 000 ، 001 ، 000 ، اور 101 کی صورت مسیں داختلی منتخب کار بالت رتیب  $d_1$  ،  $d_0$  ، اور  $d_5$  ، اور  $d_5$  بر فسند راہم مواد حن ارج کرے گا؛ ان تمسام کو پست رکھ کر در کار تغساع سل کی پست صورت حساس ہوگا۔ ای طسرح پت 110 ، 100 ، اور  $d_7$  کی صورت مسیں بالت رتیب  $d_6$  ،  $d_4$  ،  $d_6$  ،  $d_6$  ،  $d_7$  کی مواد حن ارج ہوں گے؛ انہمیں بلت در کھ کر تغساع سل کی بلند دصورت حساس ہوگا۔ کی ایک لیجہ پر پت صرف ایک قیمت رکھ سکتا ہے۔

n آزاد متغیر تف عسل، (n-1) پت بِٹ کے داخشلی منتخب کار سے بھی حسامسل کیا جب بیاں کوئی بھی n آزاد متغیر استعال منتخب کارکے پت استعال ہوں گے، جب ایک متغیر بطور مداخشل استعال ہوگا۔ (n-1) ایک مثال کی مدد ہے ایک کر آئے ہیں۔

مثال ۱۵.۳ درج بالا مثال میں دیا گیا تفاصل  $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$  دو پتہ بِٹ کے  $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$  دو پتہ بِٹ کے  $4 \times 1$ 

شکل ۲۲.۵ میں اس جب ول سے حساس دور دکھیایا گیا ہے، جہاں (محباز و معیذور مسلاحیت نے رکھے والا) میں  $4\times1$  واحنی فتخب کار استعال کیا گیا۔ پت 00 کی صورت مسیں داختی فتخب کار مداختل کی گئے۔ ای مواد حنارج کرے گا۔ یوں 0 پر 0 مہیا کر کے اس صورت مسیں تغناعمل کی درست قیمت حساس کی گئے۔ ای طسرح 0 کی صورت مسیں 0 کامواد حنارج کرے تغناعمل کی درست قیمت حساس کی گئے۔ ای کامواد حنارج کیا جائے گا، بلہذا پیسال متغییر 0 و ضرابیم کرے تغناعمل کی درست قیمت حساس کی گئے۔ ای طسرت قیمت حساس کی گئے۔ ای طسرت واحد کی صورت مسیں 0 کا مواد محنارج کیا جبائے گا، بلہذا

۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار

xy = 11 کی مورت میں کی گئی، اور آخٹ رمیں xy = 11 کی صورت میں کا گئی، اور آخٹ رمیں کے نشاعب کی البیان کی میں کا میں کی میں کا میں کی کا میں کامی کا میں کا میں

# ۵.۲ متوازی شنائی ضرب کار

حب بی اعسال مسین ضرب کا کردار کلیدی ہے۔ شن کی اعسداد کی ضرب کا عمسل بالکل اعشاری اعسداد کی ضرب کی طرح ہے۔ دوبِٹ شن کی اعسداد که اور  $b_1b_0$  کو کھی گیسا گیسا ہے۔ جہال ان شن کی اعسداد کو  $b_1b_0$  اور  $b_1b_0$  کھی گیسا ہے۔ -

یہاں درج ذیل ہوں گے، جنہیں شنائی جمع کار کی مساوات ۵.۱ کی مدد سے حساسسل کیا گیا، اور جن سے مشکل ۲۷.۵ مسین پیش، دوہِٹ متوازی شنائی ضرب کار حسامسل ہوگا۔

$$p_0 = a_0 b_0$$

$$p_1 = (a_1 b_0) \oplus (a_0 b_1)$$

$$p_2 = (a_1 b_1) \oplus (a_1 b_0 a_0 b_1)$$

$$p_3 = a_1 b_1 a_1 b_0 a_0 b_1 = a_1 a_0 b_1 b_0$$

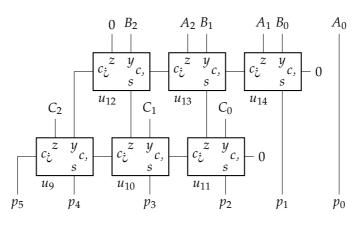
اگر حپ زیادہ بِٹ ضرب کار اسس طسریق کارے تشکیل دیے حبا سے ہیں؛ برقتمی ہے، اعبداد کے بِٹ کی تعبداد بڑھانے سے ضرب کار مسین درکار گیٹوں کی تعبداد بہت سینزی ہے بڑھتی ہے (محض آٹھ یا سولہ بٹ ضرب کار مسین بھی مستعمل گیٹوں کی تعبداد بہت زیادہ ہوگی)، المہذاایب کرنامہنگا ثابت ہوگا۔ عصوماً زیادہ بٹ کے ضرب کار مکسل جج کارکی مدد سے حساصل کیے حباتے ہیں۔ اسس طسریق کو تین بٹ شنائی اعبداد کی ضرب کو مشال بن کر سیکھتے ہیں۔

تین بِٹ اعبداد ماور ماور ماور ماور ماور ماور کے خرب میں ہے مشکل ۲۸۵۵ مسیں پیش تین بٹ شن کی ضرب کار سام میں پیش تین بٹ شن کی ضرب کار سنائے میں۔ کار صاصل ہوگا۔ اسس طریق کار سے ہیں۔



۲.۵. متوازی شب اکی ضرب کار



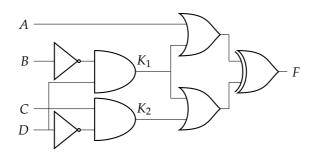


مشكل ٥٠٢٨: تين بِك شن ا كَي ضرب كار

اس شکل مسیں 9 خرب گین اور 6 مکسل جمع کار مستعمل ہیں۔ خرب گین میں  $u_1$  مداحسٰل  $a_0$  اور  $b_1$  کا منطقی خرب  $a_1$  میں  $a_1$  ور  $a_1$  کا منطقی خرب  $a_1$  ور  $a_2$  کارنا، دونوں خرب  $a_1$  ور  $a_2$  کارنا، دونوں کو ایک نام سے پکارنا، دونوں کو ایک نام سے پکارنا، دونوں کو آپ مسیر تاریج ور شرف کے مت داون ہے۔

#### سوالا\_\_\_\_

سوال ۵۱۱: سشكل مسين حيار مداحنل دور ديا گياہے۔



ا. اندرونی متغییرات  $K_1$  اور  $K_2$  کی بودلین مساوات حساصل کرین۔

ب. حنارجی تابع متغیر F کی بودلین مساوات ساصل کریں۔

$$F = (A + K_1) \oplus (K_1 + K_2) \qquad (\underline{\hspace{1em}}) \qquad : K_2 = C\overline{D} \qquad : K_1 = \overline{B}D \qquad (1) \qquad : \underline{\hspace{1em}} F = (A + \overline{B}D) \oplus (\overline{B}D + C\overline{D})$$

سوال ۱۵.۲ ایسا بودلین حبدول بن نئیں جس مسیں تین مداحنل اور ایک محنارج ہو۔ حبدول یوں پُر کریں کہ محنارج کی قیست صورت ایک موراسس حبدول کی قیست صفسر (0) ہو۔ اسس حبدول کی مددھ منارج کا تھیت صفسر (0) ہو۔ اسس حبدول کی مددے مینارج کا تکسیل دیں۔

۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار

A	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

 $F = \prod (0,1,2,4,7) \cdot F = \sum (3,5,6)$ 

سوال ۵٫۳: حیار مداحسل کاایسا بوولین حب ول ب نئیں جس مسین محسارج صرف اُسس صورت بلند ہوجب داحسلی شائی عبد دکی قیب اعشاری نو (9) سے کم ہوتف عسل کاتر کسیبی دور تشکیل دیں۔

 $F = \sum (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8) :$ 

سوال ۱۹.۴: تین مداحنل اور تین محنارج کا ایب بودلین حبدول تفکیل دیں جس مسیں داحنلی شنائی عبد دکی قیب سات (7) سے کم ہونے کی صورت مسیں محنارج کی قیب مداحنل سے ایک زیادہ ہوجب کہ داحنلی قیب سات کے برابر ہونے کی صورت مسیں محنارج کی قیب صفسر (000) ہو۔

#### جواب:

$\overline{A}$	В	С	X	Υ	Z
0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0

سوال ۵.۵: ا**تلین دور ۱**۲۳ یے ترکیبی دور کو کہتے ہیں جس کامداحن اسس صور سے بلند ہو تا ہے جب اسس کے زیادہ تر مداحن پہسے ہوں۔ تین مداحن اقلیتی دور کا جب ول ککھ کر دور تفکیل دیں۔

minority circuit

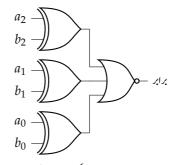
A	В	С	F
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

سوال ۲۰.۱ ایک ترکسیبی دور تشکیل دیں جواعث اری ہندسے کا اس سس نوحن ارج کرے۔اسس دور کے حپار مداحنل اور حیار محن ارج ہوں گے۔

$\boldsymbol{A}$	В	C	D	W	X	Υ	Z
0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	0	1	1	0	0	0
0	0	1	0	0	1	1	1
0	0	1	1	0	1	1	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0	1	0
1	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	d	d	d	d
1	0	1	1	d	d	d	d
1	1	0	0	d	d	d	d
1	1	0	1	d	d	d	d
1	1	1	0	d	d	d	d
1	1	1	1	d	d	d	d

سوال ۵.۷: تین بیٹ کے دواعب داد کامواز سے کرنے والا ایسا تر کمیسی دور تشکیل دیں جسس کامحنارج اسس صور سے بلن یہ و جب دونوں اعب داد کی قبستیں برابر ہوں۔

۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار



سوال ۵.۸: حپار ہائے دوشن کی اعب داد ضرب کرنے والاتر کسیبی دور تشکیل دیں۔ سوال ۵.۹: جمع متم گیٹ استعال کرتے ہوئے شناخت کار تشکیل دیں۔

سوال ۱۰.۵: ایک عبد د 8 × 3 مشناخت کار کی مدد سے درج ذیل تین تف عسلات کا دور مشکل ۲۰.۵ کے طسرز پر تفکیل دیں۔

$$F_0(X,Y,Z) = \sum (0,3,7)$$

$$F_1(X,Y,Z) = \sum (1,2,5)$$

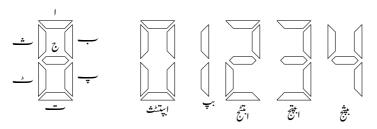
$$F_2(X,Y,Z) = \sum (0,1,2,3,5,7)$$

- سوال ۱۱.۵: - درج ذیل تغت عسل کو  $1 \times 10$  داخنی منتخب کار کی مدد سے حساس کریں۔  $F(A,B,C,D) = \sum (0,1,4,7,13,15)$ 

سوال ۱۹۸۳ مسین (بائین حبانب) اعشاری بهندسول کی سات کی نمائشی تختی ۲۶ کسائی گئی ہے جو سات و تار کسائی گئی ہے جو سات متابل روشن حصول کو بیک وقت روشن کسیا جا ایک سیال ہے۔ ایا محسول کو بیک وقت روشن کرنے ہے اعشاری بہند سے کھے حباتے ہیں۔ مشالاً حسب اور پر (بینی بپ) بیک وقت روشن کرنے ہے اعشاری بہند سے کھے حباتے ہیں۔ مشالاً حسب اور پر (بینی بپ) بیک وقت روشن کرنے ہے اکھا حبائے گا۔ ای طسرح حسب انب، پ، ت، ٹ، اور شر (بینی ابیتش) بیک وقت روشن کرنے سے کیا اس حسب کو بلند کسیا حباتا وقت روشن کرنے کے لئے اس حسب کو بلند کسیا حباتا ہے۔ ایک سے دیادہ سند مول کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کول کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کول کی کھی کوروشن کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کول کی نمائش کی حباس کی جب سے دیادہ سند کسیا کے دیادہ سند کسیا کے دیادہ سند کی نمائش کی حباس کی حبا

حپار مداحنل اور سات محنارج کاتر کمیبی دور تفکیل دیں جو مہیا کر دہ اعشاری ہندے کو اسس شختی پر د کھائے (حبدول سے سشروع کریں)۔ اعشاری ہندسہ شنائی عسلامتی روپ مسین مہیا کسیاحبائے گا۔ محنلوط دور 4511 بھی کام سسرانحبام دیتا ہے۔

seven segment display"



شكل ٢٩. ٤: ب تي نمي ائثي تختي

$d_3$	$d_2$	$d_1$	$d_0$	ح	ث	_	ت	<del>_</del>	<u> </u>	ı
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	1	0	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
0	1	0	1	1	1	0	1	1	0	1
0	1	1	0	1	1	1	1	1	0	1
0	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	d	d	d	d	d	d	d
1	0	1	1	d	d	d	d	d	d	d
1	1	0	0	d	d	d	d	d	d	d
1	1	0	1	d	d	d	d	d	d	d
1	1	1	0	d	d	d	d	d	d	d
_1	1	1	1	d	d	d	d	d	d	d

سوال ۱۵٬۱۴٪ انٹرنیٹ ہے سات کلی نسائش شختی کے معسلوماتی صفحات صاصل کریں۔ یہ سات نوری ڈالوڈ کریں۔ یہ سات نوری ڈالوڈ کے مثبت سرپر 1 پر مشتل ہوگا۔ بعض ادوار مسین تمسام نوری ڈالوڈ کے مثبت سرپر 1 مہسیا کرکے روشن کمیاحباتا ہے اور بعض مسین تمسام کے مثبت سر آلیس مسین جوڑ کر مطسلوب نوری ڈالوڈ کا منفی سر پہت کرکے اسے روشن کمیاحباتا ہے۔

## اب ٢

# معساصر ترتثيبي منطق اور ادوار

منطق میں، عبوماً، دو متف د صورتیں سامنے آتی ہیں، مثلاً، بلند اور پیت، صادق اور کاذہ، صادق اور کاذہ، منطق میں، عبوماً، دو متف دی برقیات میں 1 اور 0 سے ظاہر کیاجہ تاہے۔ یوں، اگر بلند کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ گر تہ پیت کو 0 ظاہر کرے گا، اور اگر بلند کو 0 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کرے گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ کاذب کو 0 قاہر کیاجہ گا۔ گا۔ منطقہ نظام آکتے ہیں۔ اس کتاب میں بلندیاصادق کو 1 جبکہ پیت یاکاذب کو 0 سے ظاہر کرنے کو منظقہ نظام آکتے ہیں۔ اس کتاب میں بہی نظام استعال ہوگا۔

ہم اسس کو اُلٹ کرے 1 کو صف روولٹ (0 V) اور 0 کو مثبت پائج وولٹ (5 V) سے ظاہر کر سکتے ہیں، جو منفی منطقی نظام اکہا تاہے۔

اب تک، ہم شنائی گیٹوں کا مطالعہ کرتے رہے ہیں، جن کا محضارج اُسی لمحہ تبدیل ہو حباتا ہے جس کمھے ان کے مداحضل تبدیل ہونے کے باوجود، محضارج کو مداحضل تبدیل ہونے کے باوجود، محضارج کو ایک ہے۔ جو مداحضل تبدیل ہونے کے باوجود، محضارج کو ایک کار مہاہاتے ہیں، جن کے دومتضاد محضارج ہوں گے۔ اسس قتم کے ادوار پلاھے کار مہاہاتے ہیں، جن کے دومتضاد محضارج ہوں گے۔

پلٹ کارایک شنائی ہندسہ (ایک بٹ) ذخیسرہ کرنے کی صیاحیت رکھتا ہے، البندااس کو **ما فظر '** کے طور استعال کی حب سکتا ہے۔ پلٹ کاراستعال کرتے ہوئے گئنے کار<sup>4</sup>، وغیسرہ تفکیل دیے حب تے ہیں۔ اس باب مسین پلٹ کار اور اس پر مسبنی معاصر ا**دوا**ر پر غور کیا حب کے گا۔ مصاصر ادوار وہ ادوار ہیں جن کے تمام جھے وقت مما کر پستے ہیں۔

positive logic system

negative logic system

flip flop" memory"

counter<sup>a</sup>



شكل ٢: كناره حيثرها أبي اور كناره اترائي

## السيس الميسول كاروت السيس كار

شنائی ادوار کی کار کردگی پر تبعسرہ کرنے سے پہلے چند تکننے کی اصطبلات جبان ضروری ہے۔ شکل ۱. اسین گین کامخنارج بلند ہو کر دوبارہ پست ہوتا دکھایا گیا، جبال (وقت ل کے ساتھ دائیں رخ جپلے ہوئے) پہلے کمنارے کو کنارہ پڑھائی آیا مثب کنارہ <sup>2</sup>، جب کہ دوسرے کو کنارہ اترائی <sup>۸</sup>یامنھی کنارہ <sup>9</sup>ب گیا۔ محنارج کاحال یکدم تبدیل ہوتا دکھایا گیا، جو درست نہیں۔

برقی آئی گیٹ نہایت بجت ہوتے ہیں، جو محسّاری کو پہنے سے بائد یا بائد سے پہنے بہت کم دورانیوں مسین کرتے ہیں۔ سیہ دورانی کی سخت ہوتے، داحسّلی پنیا سے حسّاری دورانی کی مضرور، لیسکن صف نہیں صف نہیں ہوتے۔ برقی اسشارہ، روسشنی کی رفت ارسے بھی سفسر کرتے ہوئے، داحسّلی پنیا سے حسّاری پنیخ کا۔ نفی گیٹ کا۔ نفی گیٹ مشال بن کر حقیقی دورانیوں پر غور کرتے ہیں (جو باقی گیٹوں کے لئے بھی درست ہوگا)۔ اسشکال پر غور کے دوران یادر کھسیں، وقت بائیں سے دائیں رخ ہوگا، اور تمسام مسلومات اسس حقیقت کو ذہن مسین رکتے ہوئے بیٹس کی حسائیں گی۔

مشکل ۲.۶ مسیں نفی گیٹ کامداحنل (بالائی ترسیم) اور محنارج (نحپلی ترسیم) بیک وقت و کھائے گئے ہیں، جہاں دورانیوں کوبڑھ صاحب ٹرھ کر پیشن کسیا گسیا ہے۔

بلت دے پست حسال پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ اترائی** ااور پست سے بلت پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ پڑھائی** "کتج ہیں۔ان دورانیوں کی پیپ کشش کی وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔دا<sup>حن</sup>لی برقی امشارہ بھی کی گیٹ سے آتا ہو گا،لہنہ اسے بھی پست ہونے مسیں وقت گزارے گا۔

مداحن تبدیل ہوتے ہی محنارج تبدیل نہیں ہو حباتا، بلکہ کچھ دیر ایوں محسوسس ہوتا ہے جیسے مداحنل کا محنارج پر کوئی اثر نہیں۔مداحنل کے کمنارہ حپڑھائی پر غور کریں۔مداحنل کے بلند ہونے کے بادجود، محنارج کچھ دیر بلندرہتاہے۔ یہ نامتابل قسبول صورت حسال ہے، جس پرعبددی ادوار کے تشکیل کے دوران نظر ررکھنی ضروری ہے۔مداحنل بلند ہونے کے کچھ وقف بعد محنارج نیاحیال افتیار کرتا ہے۔اسس وقف کو دورانیم رد عمل ساتھ ہیں۔دورانیہ رد عمل نایخ کی

rising edge

positive going edge

falling edge

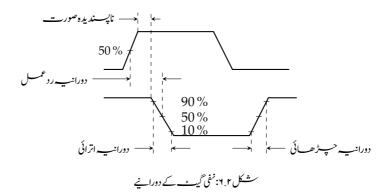
negative going edge

fall time

rise time"

propagation delay"

۱۳۵ ۲.۲. پلے کار



وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔ برقب آتی گیٹوں کے دورانب اترائی، دورانب حب رهائی، اور دورانب رد عمسل، عسوماً، چند نسینوسیکنڈ ہوں گے۔

کار حنانے مسیں گیٹ سازی کے دوران، احب زاء مسیں معمولی سے معمولی و نسرق کی بنا (ایک قتم کے دو) گیٹوں کے دورانے تھی ایک جیسے نہیں ہوں گے۔ان میں <sup>90</sup> 10 سیکٹڈ کانہیں تو <sup>10-1</sup> سیکٹڈ کافٹ رق ضرور ہو گا، جو عمسہ ر سید گی کے ب تھ اورا ستعال کے حبالات ( در حب حسرار ہے ، نمی، دیاد، وغیب رہ ) سے تب دیل ہوں گے۔

مثق ا. ۲: انٹرنیٹ سے 74xx اور 74Hxx سلماہ کے دورانیوں مسیں منسرق درمافت کریں۔

#### ۲.۲ يليك كار

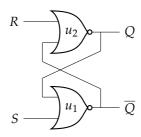
شکل ۲. ۳ مسیں البریر آر" بلٹ کار کا دور اور حبدول پیش ہیں۔ بلٹ کار کو، روایت، مداحسٰ کے نام "اسے پیکاراحیا تاہے، جو بہاں لاطینی حسرون "ایس" ۱۵ اور "آر "اکا ہیں۔ پلٹ کار کے دومتف و محنارج ہوں گے، جنہیں Q اور  $\overline{Q}$  سے ظاہر کیا جباتا ہے۔ یوں، اگر محنارج Q کی قیت 1 ہو، تب محنارج  $\overline{Q}$  کی قیت 0 ہو گی، اور اگر Q=0 ہو تب

شكل ٣٠١مسين متم جمع گيٺ ١١ كامخنارج، متم جمع گيٺ ١١ كاايك مداحنل، اور ١١ كامخنارج، ١١ كاايك مداحناں ہے۔متم جمع 11 کے محنارج پر نظرر کھیں؛ پ محنارج، 10 کاایک مداحناں ہے،البذااس کے محنارج پر

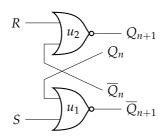
Set-Reset Flip Flop, (SR FF)

الیائے کارکے مداحن انگریزی الفاظ Set اور Reset کے سرحسرف S اور R ہیں۔

S	R	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$	
0	0	$Q_n$	$\overline{Q}_n$	بر متسرار حسال
0	1	0	1	پست حسال
1	0	1	0	بلن دحسال
1	1	?	?	ممنوعب حسال



#### شكل ٢٠.٣: بلن د فعيال مداحسل ايسس آريلي كار



شکل ۲.۴: موجو دہ محنارج سے اگلے محنارج کا حصول۔

اثرانداز ہو گا: کسیکن u2 کامن ان طایک مداحن ہے،جو u1 کے ممنارج پراثرانداز ہو گا؛یوں u1 کاممنارج،خود پراثرانداز ہوگا! اسس عمسل کو**باز**ر ہو <sup>سا</sup>کتیا ہیں۔

ایسانشارہ،مشلاً  $\overline{Q}$  ،جوخود پراٹرانداز ہو**بازر سی اشارہ**^ا کہا تاہے۔

یہاں Q اور  $\overline{Q}$  دونوں بطور بازری اخدارات استعال کے گئے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ Q کی قیمت حبائے کے لئے  $\overline{Q}$  کی قیمت معلوم ہونا ضروری ہے، لسیکن  $\overline{Q}$  کی قیمت صرف اسس صورت معلوم ہو سکتی ہے جب Q کی قیمت معلوم ہو! آئیں اسس یلنے کار کاحب ول حساص کریں۔

 $\overline{Q}_n$  ،  $Q_n$  اور  $\overline{Q}_n$  کلسے ہیں۔اب (بازری) مداحنل n اور n کلسے ہیں۔اب (بازری) مداحنل n ، n کودیکتے ہوئے ( n+1 وال قسد م گزرنے کے بعد ) متوقع محنارج حساصل کرتے ہیں، جنہ میں ہم  $\overline{Q}_n$  اور  $\overline{Q}_n$  کلسے ہیں۔ اس کی تصوراتی صورت مسئل  $\overline{Q}_n$  ،  $\overline{Q}_n$  مسین پیش ہے۔  $\overline{Q}_{n+1}$  اور  $\overline{Q}_n$ 

سیں الائی گیٹ  $(u_2)$  کے اگلے مناری  $Q_{n+1}$  کو موجودہ مداحنل R اور  $\overline{Q}$  کے روپ مسیں کھتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = \overline{R + \overline{Q}_n}$$

جیب آیے نے شکل ۲.۱مسیں دیکھا، گیٹ کامخنارج، دورانیہ رد عمسل گزرنے کے بعید، مداحسل کے تحت حسال

feedback12

feedback signal1A

۲.۲. پلٹ کار

#### حبدول ۱۰۲:ایس آریلی کار (مساوات ۲.۳۱ورمساوات ۲.۸)

S	R	$Q_n$	$\overline{Q}_{n+1}$
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0
		()	

S	R	$Q_n$	$Q_{n+1}$
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0
		(1)	

افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ  $\overline{Q}_n$  اور مداحن R جب نئی قیمت افتیار کریں، گیٹ کچھ دیر بعب دنئی قیمت  $Q_{n+1}$  افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ  $Q_n$  اور مداحن کے جب

نحی گیٹ (u<sub>1</sub>) کے محنارج کی مساوات درج ذیل ہو گی۔ یہ گیٹ بھی مدا<sup>حن</sup>ل شبدیل ہونے کے کچھ دیر بعسہ محنارج تبدیل کرے گا۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + Q_n}$$

بالائی گیٹ کی حشارجی مساوات حساس کرنے کی عشیر ض سے مساوات ۲٫۱ کو مساوات ۲٫۱ امسیں ڈال کر مسئلہ ڈی مار کن سے حسل کرتے ہیں۔

(1.7) 
$$Q_{n+1} = \overline{R + (\overline{S + Q_n})}$$

$$= \overline{R}(\overline{\overline{S + Q_n}})$$

$$= \overline{R}(S + Q_n)$$

 $Q_{n+1}$  ، اور  $Q_n$  ، اور

ای طسرح سشکل ۴.۲ مسیں نحیلی گیٹ کی حضار جی مصاوات حساسل کرنے کی عضرض سے مصاوات ۱.۲ کو مصاوات ۲.۲ مسیں ڈال کرمسئلہ ڈی مار گن سے حسل کرتے ہیں۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + (\overline{R + \overline{Q}_n})}$$

$$= \overline{S}(\overline{\overline{R + \overline{Q}_n}})$$

$$= \overline{S}(R + \overline{Q}_n)$$

ماوت ۲.۲ میں متغیرات  $\overline{Q}_n$  ، اور  $\overline{Q}_n$  آزاد متغیرات تصور کر کے تابع متغیر  $\overline{Q}_{n+1}$  کو حبدول ۲.۱  $\overline{Q}_n$  میں بالت رتیب  $\overline{S}$  اور  $\overline{Q}_n$  کے روپ میں موجود ہیں۔)

حبدول ۱.۱-الف اور ب کو S اور R کی قیتوں کے لحاظ سے حپار حصوں مسیں تقسیم کیا گیا۔ پہلے حسہ مسیں S=0 اور S=0 کی قیت S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0 کی قیت میں ایس آر پلانے کار "بروت رارحال" ہوگا۔ جبدول – بسمیں O کی قیت ، جبدول – الف مسیں O کی قیت ، جبدول – الف مسیں O کی قیت کی متم ہے ۔ ہم حیاتے بھی ہی ہیں ہیں (کہ پلٹ کار کے دو محتار ج آپ سے متن دہوں)۔

دوسرے حصہ مسین S=0 اور R=1 ہے، جب کہ  $Q_{n+1}$  پیسے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں، ان مداحن کے لئے ایس آر پیسے کار" پیسے حال" ہو گا۔ یہاں بھی (حبہ ول-الف اور بے تحت) نئے محنارج ایک دوسسرے کے متعنا د ہیں۔  $Q_{n+1}$  بیں۔  $Q_{n+1}$  بیں۔

تیسرے حصہ مسیں S=1 اور R=0 ہے،جبکہ پلٹ کار "بلت دحال" ہے۔

چوتھے حسہ مسیں S=1 اور R=1 ہے، جب کہ حب دول کے تحت  $Q_{n+1}$  اور  $Q_{n+1}$  وونوں پست ہیں، جو ہم نہسیں حب ہے، ہم کہتے ہیں پلٹ کار "ممنوعہ حسال" (مسیں) ہے۔ پلٹ کار کی صحیح کار کردگی کے لئے یہ مداخنل "ممنوعہ مستورا دے حب تے ہیں۔ پول S اور S اور S ایکھے بلٹ د نہسیں کے حب تے۔

ان حت اُق کو مشکل ۳.۲ کے حبدول مسیں پیش کسیا گسیا (جو پلٹ کار کا حبدول لکھنے کا درسی طسریقہ ہے)، جہاں آ منسری صف مسیں ? لکھ کرواضح کسیاحیا تاہے کہ ان صف کے مداحن استعال سنہ کے حب میں۔

## ایس آرپیٹ کارکھ کارکر دگھ

	SR	$Q_{n+1}$	
	00	$Q_n$	بر فتسرار حسال
(4.4)	01	0	پست حسال
	10	1	بلندحسال
	11	?	ممنوعب حسال

پائے کارکی بات کرتے وقت Q کی قیت کو پائے کار کا مالی  $^{11}$  تین ۔ یوں Q=1 کی صورت مسیں پائے کار بلند مالی  $^{11}$ یاصاد ق مالی  $^{12}$ باسائے گا۔

حبدول سے ظاہر ہے کہ جب S بلند ہو، پلٹ کار بلند حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں، مداحنل S ، بلند صورت مسیں فعال S ، مار مسل کہ وہ مداحنل جو بلند صورت صین فعال S میں بات ہے۔ جب بلند فعال مداحنل، پیت ہو، مشان S ، ہم کتے ہیں ہے غیر

state

high state

true state

low state

alse state

active"

active high ra

active low"

<u>۳۹۰ با ع- --</u>

فعال السين) ہے۔ یوں اسس پائے کار کابہتر نام بلند فعال مداخل ایس آرپلے کار ہوگا۔

پلٹ کارخود اسس صورت فعب ال کہا تاہے جب Q=1 ہو۔ پست فعب ال مداحت اور محت ان  $\overline{Q}$  ) کے نام پر لکسیر کھنچ کر اسس کی پیت فعب ال حیثیت واضح کی حب تی ہے؛ مسندید، پلٹ کار کی عملامت مسین پست فعب ال (مداحت ال اور محت ان کی پیت فعب ال (مداحت ال اور محت ان کی پیت فعب ال (مداحت ال محت ان کی پیت فعب ال کی خارج ) بنوں پر گول دائر داگیا جب تاہے ، جو ان کا پیت فعب ال پن ظام کر کر تاہے (مشکل ۲۰۷۱ کے کھسین )۔

پلٹ کارے دونوں مداحن عسام طور خیر فعال رکھ حبائیں گے؛ یوں موجودہ پلٹ کارے مداحن پست رکھ حبائیں گے۔ یوں موجودہ پلٹ کار کے مداحن پست رکھ حبائیں گے۔ یا لئے کاربلند (فعسال) کرنے کے لئے کارادہ ایک کے واپسس پست (فعیس ناتے۔ پہلے سے بلند حسال پلٹ کارہ ای حسال مسیں رہے گا، جبکہ پست پلٹ کارہ امشارہ مطتے ہی بلند حسال اختیار کرے گا۔

اس طسرح پلٹ کار کاذب (پیس) حسال کرنے کے لئے R ایشارہ کمحیاتی فعمال کیا حباتا ہے۔

مداخنل S کوفعال کار^مداخنل جب، R کوغیر فعال کار۹مداخنل کہ۔ سے ہیں۔

آ پ نے دیکھ، پلٹ کار در حقیقت مداحن کا (بلٹ یاپست) حسال محفوظ کرتا ہے۔ یوں اگر مداحن اسٹ ارہ لمحساتی فعسال ہونے کے بعید عنب رفعی ال ہوجیائے، پلٹ کار (اگلے نے اسٹ اربے تک) اسس کاحسال محفوظ رکھتا ہے۔

#### ۳.۳ ساعت

عبد دی ادوار کی ایک فتم جو ہم عصر ۳ ادوار کہاتے ہیں کو، عسوماً، مقسر رہ دورانے کا مسلسل دہر اتا داخنلی امشارہ در کار ہوگا، جو ساعت استارہ سنگل ۲.۵ مسیں پیش ہے۔اگر حیب اسس طسرح کی امشکال مسین دورانیہ حیث خیار مسائل مسین دورانیہ کی حیث خیار مسین کی حیث کی آپ ان کی موجود گی ہر وقت ذہن مسین رکھیں کے اسٹارہ سائل اور دورانیہ اترائی نہیں دکھائے حیات، امسید کی حیاتی ہے کہ آپ ان کی موجود گی ہر وقت ذہن مسین رکھیں گئے۔

ہم عصب رعب دی دور ، مہیا کر دہ ساعت کے **تعدد <sup>۳۲</sup> ک**ی رفت ارسے چلت ہے ، اور اسس کے مختلف جھے ، ساعت کے کسنارہ اترائی یاکسنارہ حپڑھ سائی پر بیک وقت حسال تب دیل کرتے ہیں۔ گویا، ہم عصب ردور ساعت کے ساتھ وقت م ملا کر چلت ا ہے۔

سشکل ۵.۹ مسیں اوپر حبانب کن رہ حپڑھ اُنی کا گسنتی، جبکہ نیچ جبانب کن رہ اترائی کی گسنتی دی گئی ہے۔ ساتھ ہی، **دوری عرصہ t\_H، اللہ** T اور  $t_H$  ،  $t_H$  کی است رورانیے برابر بھی ہو سے میں۔ ہمیشہ کی طاہر کیا حباتا ہے۔ یوں  $t_H$   $t_H$   $t_H$  ، وگا۔ ساعت کے بلند اور پہت دورانے برابر بھی ہو سے میں۔ ہمیشہ کی

inactive 12

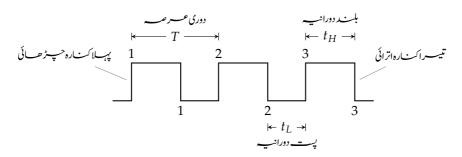
set input<sup>ra</sup> reset or clear input<sup>ra</sup>

synchronous clock

frequency

time period

high time, ON time



#### شکل۲.۵:ساعت

طسرح، تعبد دf اور دوری عسر صه T کا تعباق درج ذیل ہے، جہباں T کی اکائی "سیکنڈ" اور f کی اکائی ہر ٹرد" ہے  $f=rac{1}{T}$ 

س عستی امشارہ مختصر أما عرضے پاراحب تا ہے۔ ساعت سے مسراد متواتر تب یل ہو تا امشارہ، یا اسس کا بلند، یا پیست دورانسیہ، یا حیث برقار آئی کسنارہ ہو گا۔ مستن سے اسس کا مطابوب مطلب واضح ہو گا۔ جہاں عناط فنمی کا امکان ہو، وہاں وضاحت کی حب کے گی۔

اعت کی بات کرتے ہوئے عصوماً ساعت کی دھڑ کونے کا (جس کو مختصراً دھڑ کونے کہتے ہیں) کاذکر ہوگا، جہاں دھٹر کن سے مصراد ساعت کا بلند دھ۔ ہوگا۔ یہ اصطبال کی بھی انشارے کے لئے استعال کی حباستی ہے جہاں اسس سے مصراد منتظیل باریک (کم دورانی) انشارہ ہوگا۔ بلند دھٹر کن کے عملاہ ہیں۔ دھٹر کن اور منفی دھٹر کن بھی ہو سے ہیں۔

## ۲۰۴ متم ضرب گیٹ ایس آریلٹ کار

سشکل ۲.۱ مسیں متم خرب گیٹ پر مسبنی پہت فعال مداخل الیر آر پلٹ کار ۲۰ و کھایا گیا ہے۔ سشکل ۲.۷ مسیں بلند نوب ال بلند نوب ال مداحنل اور پست نوب ال مداحنل ایس آر پلٹ کار کی عسلامتیں پیش ہیں۔ پست نوب الشارات، کے بائر کر آتے ہیں۔ نام پر ککسیر (  $\overline{Q}$  ،  $\overline{Q}$  ) اور ان کے پنیوں پر گول دائرے ان کے پست نوب ان بی خساہر کرتے ہیں۔

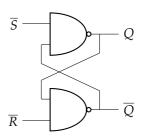
پلٹ کارے مختارج Q اور Q آلپس مسیں متعنباد (اُلٹ) حسال رہتے ہیں۔ آئیں اسس پلٹ کار کی کار کر دگی، دو سسرے اُنظے، نظے رہے دیکھیں۔

Hertz, Hz

pulse

active low inputs SR flip flop "A

$\overline{S}$	$\overline{R}$	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$	
0	0	?	?	ممنوعب حسال
0	1	1	0	بلند حسال
1	0	0	1	پست حسال
1	1	$Q_n$	$\overline{Q}_n$	برنتسرار حسال



#### شكل ٢.٢: پيس فعال مداحنل ايس آرپل<sup>س</sup> كار





(\_\_) پیسے فعبال مداحنل ایس آریلٹ کار

(۱) بلن د فعال مداحنل ایس آریلی کار

شكل ٢: ايس آر پلاك كاركي دوعامتين

### ۱.۴.۱ عنب رفعال مداحنل پلٹ کار، حسال برفت رار رکھتاہے

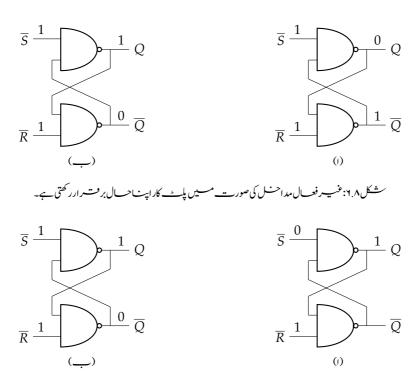
ونسرض کریں پہنے ایس آر پلٹ کارے مداخنل غیر فعال میں، یعن Q=1 ، Q=1 ، Q=1 اور Q=1 میں (مشکل ۸۰۸-الف)۔ یوں، بالائی متم ضرب گیٹ کے مداخنل 1 اور 1 میں، لہذااس کامداخنل 0 ہوگا،جو وہ پہلے سے ہے۔ ای طسر رخیلے متم ضرب گیٹ کے مداخنل 0 اور 1 میں، لہذااس کامناری 1 ہوگا،جو وہ پہلے ہے۔ ہے۔

 $\overline{R} = 1$  ،  $\overline{Q} = 0$  ، Q = 0 ییں، لین ایس کی بین کی اور  $\overline{R} = \overline{R}$  اور  $\overline{R} = \overline{R}$  بین (شکل ۲۸۰ بین کریں بلند پلٹ کار کے مداحسٰل 1 اور 0 ہیں، لہذااسس کامداحسٰل 1 ہوگا، جووہ پہلے سے ہے۔ ای طسر تیسل کے مداحسٰل 1 اور 1 ہیں، لہذااسس کامیسارج 0 ہوگا، جووہ پہلے سے ہے۔ ای طسرت نحیلے متم ضرب گیٹ کے مداحسٰل 1 اور 1 ہیں، لہذااسس کامیسارج 0 ہوگا، جووہ پہلے ہے ہے۔

سٹکل ۸.۸ کی دونوں صور توں پر غور کرنے ہے معسلوم ہوا کہ غیر فعالی مداخل کی صورہ میں پلیہ کار اپنا عالی بر قرار رکھتا ہے۔ سٹکل ۲.۸ مسیں حبدول کی آمنسری صنب اسس حقیقت کو بسیان کرتی ہے، جہاں (آگلامسال)  $Q_{n+1}$  موجودہ  $Q_n$  موجودہ برابر ہوگا۔

### ۲.۴.۲ مداحنل S فعال کرنے سے پلٹ کاربلند حال اختیار کرتاہے

تصور کریں ایس آرپلٹ کار کامداحن  $\overline{S}$ ، ایک لحب فعال کرنے کے بعد دوبارہ غیب رفعال کمیاحباتا ہے، یعنی لحب آق طور  $\overline{S}=\overline{S}$  کمیاحباتا ہے۔ بالائی متم خرب طور  $\overline{S}=\overline{S}$  کمیاحباتا ہے۔ بالائی متم خرب گیٹ کا کوئی مداحنل بہت ہوئے کی صورت مسیں اسس کا محنارج بلند ہوگا، لہذا  $\overline{S}=\overline{S}$  کی صورت مسیں بالائی گیٹ کا کوئی مداحنل بہت ہوگا، جیب شکل مسیں دکھیا گیٹ کے ایک ایک دونوں گیٹوں کی گزشتہ قیمتیں اسس حقیقت پر گیٹ کا محنارج بلند ہوگا، گیٹوں کی گزشتہ قیمتیں اسس حقیقت پر



اثرانداز نہیں ہوں گی)۔ یوں نحیلے گیٹ کے دونوں مداحن بلند، البندامین رجیست  $\overline{Q}=0$  ہوگا۔ مداحن واپس غیسر فیسال  $\overline{Q}=\overline{Q}$  کرنے سے مسکل - بسمتی ہے، البندا پلٹ کار کاحسال (  $\overline{Q}=0$  اور  $\overline{Q}=0$  ) برمتسرار رہے گا۔ یوں مداخلی  $\overline{Q}=0$  فیصل کرنے سے الیہ آر پلٹے کار بلند حالی افتیار کرتا ہے۔

 $\overline{S}$  نعبال کسا گیا ہے۔

 $\overline{R}$  مداحن  $\overline{R}$  ف الرخے سے پلے کارپست حال اختیار کر تاہم درج ذیل مثق میں آیے ہے ہی ثابت کرنے کی درخواست کی گئے ہے۔

مثق ۲۰: ثابت کریں کہ  $\overline{S}=1$  رکھتے ہوئے، کمحت تی طور  $\overline{R}=0$  کرنے سے ایس آرپلٹ کارپہرہ مالی اختیار کر تا ہے۔

۲.۵ زیاده مداخل پلٹ کار

#### ۲.۴.۴ حسال دوڑ

ایس آرپلٹ کار کے دونوں مداحن ہیکوقت پیس کرنے کی احبازت نہیں، چونکہ ایک صورت مسیں پلٹ کار غیبریق پنی حسال اختیار کرتا ہے۔ دیکھتے ہیں، ایپ کیوں ہوگا۔

سشکل ۲.۲ پر نظر رکھتے ہوئے آگے بڑھسیں۔تصور کریں پلٹ کارکے دونوں مداحن بیک وقت پست (فعال) کرنے کے بعد دوبارہ بلٹ دار منسب فعال) کیے حیاتے ہیں۔ایب کرنے کے بعب دہم حیبانٹ حیاتے ہیں بیٹ کارکس حیال ہوگا۔

دونوں مداحن ہیکوقت پیسٹ کرنے سے (بالائی اور نحیلے متم ضرب گیٹ کے محنار نی بلند ہوں گے، اہلنذا) پلٹ کار کے دونوں محنار نی بیک وقت بلند ہوں گے، جو نافت ابل فتسبول صورت ہے: پلٹ کار کے محنار نی Q اور Q کا آپس مسیں متضا در ہنا ضروری ہے۔

رونوں مداحنل ہیں۔ وقت یکدم واپس بلند کرنے سے گینٹوں کے محناری (یکدم حمال تبدیل نہیں کرتے، صفحہ ۱۳۵ پر حضل ۲۰۱۸ دیکھیں، بلکہ) نے حمال کی طسرون روان ہوتے ہیں، لیسکن، جب تک ان کے محناری نے حمال اختیار نہیں کرتے، دونوں گینٹوں کے دونوں مداحنل بلند ہوں گے (مضلاً  $\overline{S}$  بلند کر دیا گیا ہے، اور فی الحمال  $\overline{Q}$  نے حمال کا تک نہیں پہنچپ، لہذا ہے بھی بلند ہے؛ یوں بالائی گیٹ کے دونوں مداحنل بلند ہیں) کہ دونوں گیسٹوں کے دورانیوں مسیں وضد ق (جو وقت اور حمالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی طسرون گامنزن ہوں گے۔ گینٹوں کے دورانیوں مسیں وضد ق (جو وقت اور حمالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی بند کا مداحنل ہونے کی وجب سے کو دونوں مداحنل تک ، دوسرے گیٹ ہے کا رکے دونوں گیسٹوں کی دونوں مداحنل ہونے کی وجب سے کا دی کو بلند در ہنے پر محببور کرے گا۔ یوں اگر جپ پلٹ کا رکے دونوں مداحنل غیسر فعال کرنے سے سال ہو گا۔ ایس آر پلٹ کا رکے دونوں مداحنل فعال کرنے کی بعد دوبارہ ہیکوقت عبید فعال کرنے بیٹنے کے دوئر پر محت رہاں ہوگا۔ ایس کو طاق ووڑ <sup>77</sup> کہتے ہیں۔ حمالت دوڑ پر محت رہاں ہمی مضرب گینٹوں کے نی خور کیا ہیں۔ ہم پلٹ کا رکو حمالت دوڑ مسیں ڈالنے سے گریز کرتے ہیں۔ حمالت دوڑ پر حصہ ۱۱.۱۔۳ مسیں تفصیل سے غور کیا ہیں۔ ہم پلٹ کا رکو حمالت دوڑ مسیں ڈالنے سے گریز کرتے ہیں۔ حمالت دوڑ پر حصہ ۱۱.۱۔۳ مسیں تفصیل سے غور کیا

سے کل ۱۰ امسیں پیش حبدول کی پہلے صف مسیں پلٹ کاربلٹ (Q=1) اور مداحسل غیب رفعسال ہیں۔ صف در صف نیج حسلتے ہوئے دیکھ میں مداحسل سبدیل کرنے سے پلٹ کار کسیاحسال اختیار کرتا ہے۔ (مداحسل کسی حساس ترتیب سے نہیں ، بلکہ پلٹ کار کی کار کردگی کی ایک مشال دیکھنے کی عضرض سے تبدیل کیے گئے۔)

 $\frac{1}{2}$  و  $\frac$ 

### ۲.۵ زیاده مداحتل پلٹ کار

پلٹ کارے مداحنل دوسے زیادہ ہو سکتے ہیں، جیس شکل ۱۱.۱۱ مسیں دکھسایا گسیا ہے۔ یہساں بلنند کار مداحنل کی تعبداد دو ہو ہے، جنہ میں  $\overline{S}_b$  اور  $\overline{S}_b$  کہا گسیا ہے، جبکہ پست کار مداحنل ایک ہے۔ عمام طور شینوں مداحنل بلند (غیسر فعسال) رکھ حبائیں گے۔ پلٹ کار بلند حسال کرنے کی حناطسہ  $\overline{S}_a$  یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست فعسال) رکھ حبائیں گے۔ پلٹ کار بلند حسال کرنے کی حناطسہ  $\overline{S}_a$  یا دونوں کو ایک لحمہ کے لئے پست

race condition"

		$\overline{S}$	$\overline{R}$	Q	حال
$\overline{S} \ \overline{1} \ 0 \ \overline{1} \ 0 \ \overline{1} \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ \overline{1}$	5 V	1	1	1	بلند
3 10101111101	0 V	0	1	1	بلن رہے گا
	F 3.7	1	1	1	برفتسراد
$\overline{R}$ 1 1 1 1 0 0 1 0 1 1 1 1	5 V	0	1	1	بلند رہے گا
	0 V	1	0	0	پـــ
	EV	1	0	0	پست رہے گا
Q 111100000011	5 V	1	1	0	برفت رار
	0 V	1	0	0	پست رہے گا
	5 V	1	1	0	بر <b>فت</b> سرار
$\overline{\mathbb{Q}} \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0$		1	1	0	بر فت رار
	0 V	0	1	1	بلبند
		1	1	1	بر فتسرار

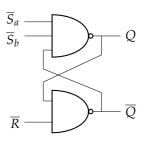
مشکل ۱۰:۱یس آریلٹ کارکے استعال کاحبہ ول اور ترسیات

(فعال) کیا جبائے گا، جبکہ پلٹ کارپیت حسال کرنے کی حناطسر  $\overline{R}$  ایک لمحہ کے لئے فعال کیا حبائے گا۔ حسال دوڑ سے بجنے کے لئے ضروری ہے کہ  $\overline{R}$  کے ساتھ باتی دومداحشل مسین سے کوئی ایک (یادونوں) اکٹھے فعال نہ کیا جبائے۔

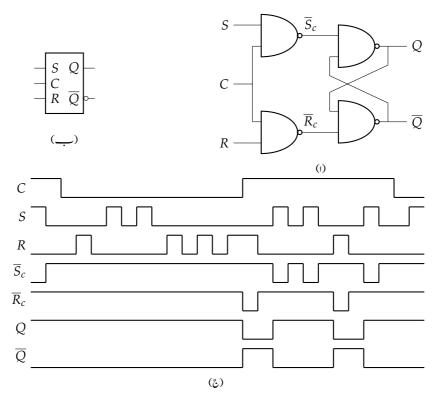
## ۲.۲ متابل محباز ومعسذور پایش کار

سشکل ۲۰۱۷ کی ترسیات سے واضح ہے ،مداحن شب دیل کرتے ہی پلٹ کارنسیاحسال اختیار کرتا ہے۔اسس حصہ مسیں الیک پلٹ کارپر غور کسیاحباۓ گاجس کے مداحن کو پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز ہونے سے روکاحب اسکا ہو۔ سشکل ۲۰۲۱ الفسے پر غور کریں جہاں دومتم ضرب گیٹ کے اضاف ہے وشابل وسابو پلٹ کارحساس کسیا گسیا، جس کے (بلٹ دفسال)

$\overline{S}_a$	$\overline{S}_b$	$\overline{R}$	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$
0	0	0	?	?
0	0	1	1	0
0	1	0	?	?
0	1	1	1	0
1	0	0	?	?
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	$Q_n$	$\overline{Q}_n$



شکل ۲۰۱۱: زیاده مداحن ایس آرپلی کار



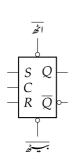
مشكل ٢٠١٢: محساز ومعسد وربلت دفعسال مداحس لا يلس آريلي كار

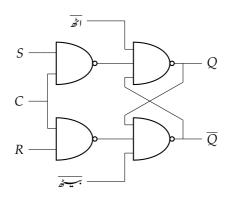
مدا حسل S اور R ہیں، جنہسیں عسام طور غنیہ رفعال (پست) رکھا حباتا ہے۔ پلٹ کار کی عسلامت مشکل - ب بھی پیش ہے۔ پیش ہے۔

اصن فی گیٹ کے محتاری کو  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}_c$  کہا گیا، جبکہ گیٹوں کو تابو کار اہشارہ C منسراہم کیا گیا۔ محباز و معتذور بین نے والا اصابو کار اہشارہ  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}_c$  مداحت معتذور ہوتے ہیں،  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}_c$  ہیں، اور پلٹ کار اپنا حسال ہر محترار رکھتی ہے۔ متابو کار اہشارہ بلند (محباز) کرنے سے پلٹ کار کے مداحت کی اور  $\overline{R}_c$  مورائر انداز ہوتے ہیں۔

سے کل - ج سیں محباز و معید فور فت ابو کار احشارہ C کی کار کر دگی واضح کی گئی۔ جب تک یہ احشارہ پیت (معید ور) رہے،  $\overline{S}_c$  اور  $\overline{R}$  بلند ہیں۔ احشارہ C بلند کرنے کے بعد S اور R پلٹ کار کاحسال تبدیل کرنے کے فت بل ہیں۔ یہ پیٹ کار مجاز و معذور بلند فعالی مداخلی الیہ آریلے کار کہا تا ہے۔

بعض اوت \_\_\_. پلٹ کارے عصومی مداحن استعال کیے بغیبر، ہم پلٹ کار کاحب ال خود تعین کرناحپ ہے ہیں۔ عصوماً، پلٹ کار کا ابت دائی حسال متخب کرنے کے لئے ایب کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۲۔ ۱۳ مسین دومسزید مداحن ، آٹھ اور جستھ ،





شكل ١٣: الله بيله صلاحيت يلك كار

مہائے گئے ہیں، جنہ میں یہ ہے کرکے بلٹ کار کوبالت رتیب زبر دستی بلند اوریت کسیاحیا سکتاہے۔

## ٢.٧ آ تاعنلام پلاك كار

گزشتہ حسبہ مسین محباز و معیذور بلند فعیال مداحشل ایس آر پلٹ کار پر غور کیا گیا۔ سشکل ۱۳.۹ مسین ایسے دو پلٹ کار (پہلا آت اور دوسسراعشلام کہلاتاہے) اور ایک نفی گیٹ ہے آقا غلام پلٹے کار '' تشکسیل دیا گیا۔ آت کے محساری، عنلام کے مداحشل ہیں۔ مسزید C پر اشارہ ساعتے اسمہیا کیا گیاہے۔

جتنی ویرساعت  $\overline{Q}_a$  بلندرہے، آت کے مداحن محباز، لہذا محناری  $Q_a$  اور  $\overline{Q}_a$  وتابل تبدیل ہوں گے۔ عنلام کو C کا متم  $\overline{C}$  محباز ومعی زربت تاہے، لہذا ہا جتنی ویر آت امحباز ہو، عندام معیذور (لہذا برفتسر ارحبال) ہوگا۔

جس لمحہ ساعت پہت ہو، آمت ای لمحہ کے حسال مسیں رہ حب نے گا، اور عندام محباز ہو کر فوراً آمت کے محنار ج کے مطابق حسال اختیار کر لے گا۔ یوں، عندام ہر وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے ہو اور  $Q_a$  تب یل نہسیں ہو کستے، لہذا عندام حسال تب یل نہسیں کرے گا۔

آپ د کھ سے ہیں، عندام پلٹ کار صرف اور صرف ساعت (C) کے کسنارہ اترائی پر حسال تبدیل کرتا ہے، جس کی وجب سے کنارہ اترائی پر عمل کار آقا فلام پلٹ کار اس کہا ہاتا ہے۔ ساعت کے کسنارہ اترائی پر تسیر کانشان اسس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کا کسنارہ (اترائی)، پلٹ کار کی لمبھی سے بہ جے پست کرنے ہے، پلٹ کار داختلی اسٹارے کا مکس لیتا ہے۔

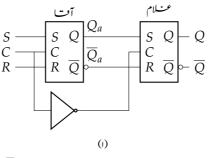
master slave flip flop ".

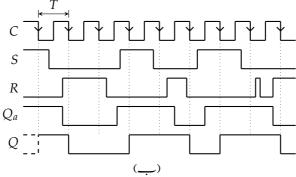
clock

negative edge triggered Master Slave flip flop

trigger

١٩٤. آفت عمث لام پليث كار





شکل ۱٫۱۳: ساعت کے کن ارواز انی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار

بدول ۲۰۲: کسن اره اترائی پر عمسل کار آ مت عندام پلیہ کار	حب
--	----

С	S	R	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$
0	х	х	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
1	$\boldsymbol{x}$	$\boldsymbol{x}$	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
$\downarrow$	0	0	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
$\downarrow$	0	1	0	1
$\downarrow$	1	0	1	0
$\downarrow$	1	1	?	?

پلٹ کار کو پہلی مسرت برقی طباقت منسراہم کرنے ہے، حسال دوڑ پیداہو گی جس کے اختیام پر پلٹ کاربلٹ دیاپیت ہوگا۔ شکل مسیں پہلے کسنارہ اترائی ہے قبل Q مہم و کھایا گیا ہے (ساب دار جس)، جو اس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ہوساعت کے اول کسنارہ اترائی پر فعال S کے تحت آت عندام پلٹ کاریق پنی طور پر بلند حسال اختیار کرتا ہے۔ (شکل ۲۔ ۱۳ مسیں اٹھ بسٹے و سابواٹ ارات اسس طسرح مہم صورت ہے نمٹنے کے لئے ہیں۔)

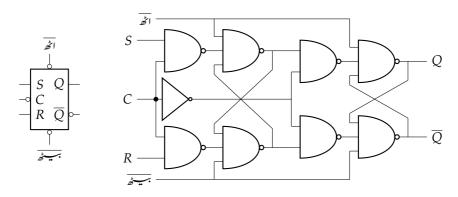
سنگل ۲. ۱۳ مسیں ساعت کے آٹھویں کنارہ اترائی کے بعد پست ساعت کے دوران R بلند ہو کر واپس پیت ہوتا ہے، جو آت عندام پلیٹ کار کوبلند پاپست کرنے کے لئے، موتا ہے، جو آت عندام پلیٹ کار کوبلند پاپست کرنے کے لئے، موروں ہے کہ داختلی احشارات S اور R کی مخصوص دورانیے سے زیادہ وقت کے لئے فعدال ہوں۔ داختلی احشارہ اس صورت کر دار اداکر تا ہے، جب بلند ساعت اسس کا عکس محفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ L (شکل صورت کردار اداکر تا ہے، جب بلند ساعت اسس کا عکس محفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ کی صورت میں بھی اس کے کہ ادارہ ازائی ہے فورائیسہ فعدال ہونے کی صورت میں بھی سامت کی اور ایس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایس صورت میں بھی سامت کی اگل بلندی تک فعدال رہے گا، لبندا آقت عندال م پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایسی صورت میں عدین مسکن ہے، کسارہ اترائی پر کوئی مداخت کی فعدال نے ہو (شکل ۲. ۱۳ مسیں چھٹ کندارہ اترائی دیکھیں)، البندا، عبدین کندرہ اترائی کے لئے موجود مداخت کی محداث کی مداخت کی مداخت کی گا، جس کے مداخت کی گا، جس کے مداخت کی بھیش کیا۔ ورک عدر مصرف کے مداخت کی مداخت کی بھیش کیا۔ ورک عدر مصرف کے مداخت کی مشرط مطاخ نہیں۔

حبدول ۲.۲ مسیں کسنارہ اترائی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار پیش ہے، جہاں ساعت کے کسنارہ اترائی پر پلٹ کار (نسیا)حسال افتیار کر تاہے۔بلٹ مداوریت ساعت کے دوران، پلٹ کار حسال برفت رارز کھتاہے۔

بعض اوت ت. ، پلٹ کار کاحبال، کنارہ ساعت کا انظبار کیے بغیبر، تبدیل کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۱۵.۱ مسیں (در کار مصی معتامات پر تین مداحنل متم ضرب گیٹ استعال کرتے ہوئے) آفت اعتلام پلٹ کار مسیں پیت فعبال مداحنل آٹھ اور بسیٹھ کااضاف کر کے ایمی پلٹ کار تفکسیل دیا گیا ہے۔ (برقی تاروں کی تعب داد بہت بڑھ گئی ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ ۳۵ پر شکل ۱۳.۱۱ یک مسرتب دوبارہ دیکھیں۔) عمام طور انہیں غیبر فعبال رکھا حبائے گا، البت، جب ضرورت پیش آئے، انہیں استعال کرتے ہوئے، ساعت کے کنارہ اتر آئی کا انتظار کیے بغیبر، پلٹ کار کا حیال مسرضی کے مطبابق منتخب کیا جباسے گا۔

شکل مسیں منفی کنارے پر علی کرنے، اور اٹھ پیٹھ صلاحیہ کے ، آقا غلام پلٹے کاری علامت بھی پیش ہے،جبال

۲.۸ . ڈی پائے کار



شکل ۱۵. ۲: اٹھ سیٹھ صلاحیت رکھنے اور منفی کن اربے پر عمس کرنے والا آفت اعتلام پلٹ کار

ساعت (C) پر گول دائرہ منفی، اور تکون کنارے کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں اسس سے مسراد "ساعت کے منفی کنارے پر عمسل پسیر راہونا"لسیا حیائے گا۔

### ۲.۸ وی پلیٹ کار

#### ۱.۸.۱ آت اعتلام یلٹ کارسے حساس کر دہ ڈی یلٹ کار

آمت عندام پلٹ کارے ساتھ نفی گیٹ شلک کرے ڈی پلٹ کار میں سال کیا جب تا ہے، جو شکل ۱۹.۲ میں پیش ہے۔ پلٹ کار کاری عسال میں اس کی وائرہ اور پیش ہے۔ پلٹ کار کی عسالمت میں اس وائرہ اور کیا ہے۔ پلٹ کار کی عسالمت میں میں اس کی وائرہ اور کیا ہے۔ پلٹ کاری عسالم کرتے ہیں (شبت کن رہ صوف تکون سے ظاہر کیا حب اتا ہے)۔ مداخش D پر کم از کم ایک دوری عسرمہ (T) بلٹ دیا ہیت رہنے کی مشرط مسلط ہے۔

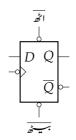
پلٹ کارکی کارکرد گی کا جدول بھی شکل ۱۲.۲ مسیں پیش ہے، جس کے تحت، بلندیا پیسے ساعت کے دوران، مداحنل D، پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز نہیں ہوگا۔ پلٹ کار (سرنس) ساعت کے کسنارہ اترائی پر D دکھ کر (نیا) حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں اسس کانام کنارہ اترائی پر علی کارڈی پلٹ کارٹ ہوگا۔ ساعت کونفی گیٹ سے گزار کرکنارہ پڑھائی پر علی کارڈی پلٹ کار ''حساسل ہوگا۔

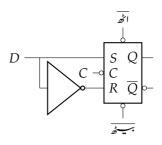
سشکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی کار کردگی کی مشال پیش ہے۔ آت عندام پلٹ کارے R مداحنل سے چھٹکاراحسا سسکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی صورت "حسال دوڑ" سے دو حیار نہیں ہوگا۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی سے قبل، پلٹ کارکاحسال مبہم ہے، جس کوسیاہ کر کے (بلٹ دوپیت دونوں) دکھیایا گیا ہے۔

D FF

negative edge triggered, D flip flop rositive edge triggered, D flip flop

С	D	$Q_{n+1}$
0	x	$Q_n$
1	$\boldsymbol{x}$	$Q_n$
$\downarrow$	0	0
$\downarrow$	1	1

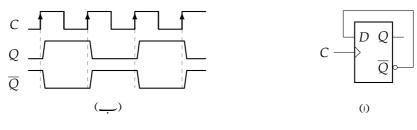




شکل ۱۶.۱۲ آفت عندام سے حساصل ڈی پلٹ کار



۲.۹ . ۋى پلىٹ كار



شکل۲.۱۸: تعدد دوسے تقسیم کیا گیا

شکل ۱۸.۱ میں گنارہ پڑھائی پر عمسل کارڈی پلٹ کارکا  $\overline{Q}$  مداحنل D ہے جوڑ گر، پلٹ کارکو ساعت  $\overline{Q}$  ہندا ہم کی گئی۔ شکل ۔ ہنگل - ہند میں ساعت کے اول کنارہ حپڑھائی پر توجہ دیں۔ یہاں  $\overline{Q}=\overline{Q}$  ہوگا اور ساعت کے کنارہ حپڑھائی پر پلٹ کاراس کا عکس محفوظ کرتے ہوئے بلند حیال افتیار کرتی ہے۔ پلٹ کار کا محنارج  $\overline{Q}$  کی جہد نیاحال  $\overline{Q}=\overline{Q}$  افتیار کرے گا، لیکن اس وقت تک ساعت کا کنارہ گزر چکا ہوگا۔ کا محنارج  $\overline{Q}$  کی کھنارہ حپڑھائی پر  $\overline{Q}=\overline{Q}$  دکھ کہ پلٹ کارپست ہوگا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ  $\overline{Q}$  (ای  $\overline{Q}$  ) کا تعدد ساعت کے تعدد کا نصف ہے۔

کن ارہ اترائی پر عمسل کارپلٹ کارکے استعال مسیں اسس بات کو یقسینی بناناضروری ہے کہ مداحسٰل، ساعت کے کن ارہ اترائی کے دوران، تبدیل سنہ ہو۔ حقیقتاً، کن ارہ اترائی کے آغن ازے چند لحسات قببل سے لے کر، کن ارہ گزرنے کے چند لحسات بعب تک ، مداحسٰل D کابر وسرار ایک حسال مسیں رہنا ضروری ہے۔ ان لحسات کو بالسسرتیب وورانیہ تعلیم کارگرفت میں۔ دورانیہ تعلیم کارگرفت میں۔ دورانیہ تعلیم کارگرفت کارکرفت کار مہیا کرتے ہیں۔ دورانیہ تعلیم کارگرفت کارکرفت کارکرفت کی معسلومات پلٹ کارکے تحنیق کار مہیا کرتے ہیں۔ کن رہ حسال کارپلٹ کارکی صورت میں مداحسٰل کو دوران حیر عدی کی تبدیل نہیں ہونے دیا جباتا۔

### ۲.۹ ڈی پلٹ کار

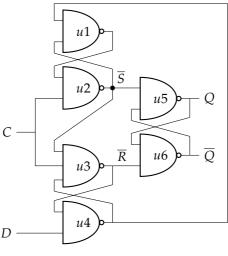
گزشتہ حصہ مسیں آفت عندام پلٹ کارے ڈی پلٹ کار صاصل کیا گیا، جس کے مداحن پر، کم از کم ایک دوری عسر مصہ دورانی ہے کئے حسال برقت رار رکھنے کی مشہر ط مساط ہے۔ مشکل ۱۹۱۲ مسین نسبتاً بہت ، (کسنارہ حسور ط مان کی پرعمسل کار) ڈی پلٹ کار پیش ہے، جو واقعی، ساعت کے کسنارہ حسیر ط مانی پر (نب) حسال اختیار کرتا ہے، اور جو وسلج پیمانہ مخلوط ادوار ۲۹ مسین باکشیرے مستعمل ہے۔

 $u^2$  ،  $u^3$  ،  $u^3$  ،  $u^3$  ،  $u^3$  ،  $u^4$  ،  $u^4$ 

setup time "2

hold time"

very large scale integration (VLSI) "9

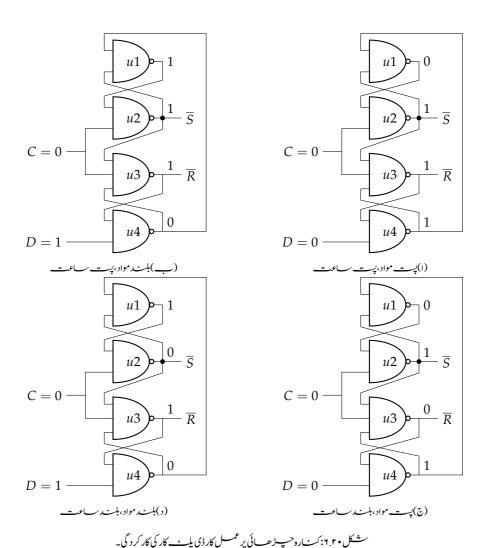


شکل ۲.۱۹: کن اره حب رهائی پر عمل کار ڈی پائے کار

### تعبین کرتے ہے۔

کنارہ حپڑھائی ہے قبل ایک غیبر مہم وقت کے لئے، جو دورانیہ تیاری کہااتا ہے، مداحنل D کی قیمت لازماً مستقل رکھنی ہو گی۔ دورانیہ تیاری گیٹ D اور D کا دورانیہ رد عمل کا محبوعہ ہے، چو نکہ D میں تبدیلی ان گیٹوں کے محنارج پر اثر انداز ہوتی ہے۔ اب فسنرض کریں دورانیہ تیاری مسیں D تبدیل نہیں ہوتا، جب کہ ساعت (پیست حیال ہے) بلند (1) ہوتا ہے۔ یہ صورت شکل ۲۰۱۸ ور دمیں پیش ہے۔ اگر D D ہونے کے لمحے پر D D وہ بت D وہ بت D وہ بت کی اور دمیں پیش ہے۔ اگر D ہونے کے لمحے پر D وہ بت کار کامخنارج D بہت D وہ بت کی ان اختیار کرے گا۔ اب اگر D وہ بت کار کامخنارج D پیست D میں افتیار کرے گا۔ اب اگر D وہ بنا کہ وہ بال میں ہون ہون ہون کی بدولت جو D بہت کی بدولت جو D ہونے گا۔ اب اگر D وہ بنا ہوں گی بدولت جو D ہونے کار ہونے گار ہون D ہونے کار ہونے گار ہونے کار ہونے کی ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار ہونے کار ہونے کار ہونے کار ہونے کے کہ ہونے کار کونے کے کہ کہ ہونے کے کہ کہ ہونے کے کونے کے کہ ہونے کے کہ کونے کے کہ کونے کے کہ ہونے کے کہ ہونے کے کہ کونے کے کہ کونے کے کہ کونے کے کہ کو

۲.۹ . ڈی پلٹ کار



کی قیت تبدیل نہیں ہونی حب ہے۔ دورانی تھی راؤگیٹ سے دورانی رد عمل کے برابر ہے، چو ککہ، D کی قیت کے قط نظر، 44 کامٹ رق 1 پر کھنے کے لئے R کا 0 ہونالازی ہے۔

C=1 ہوئے کے لیمے پر D=1 ہو، تب  $\overline{S}$  تبدیل ہو کہ D ہوگا، جبکہ D کی قیت D رہے گا (شکل - د)، جس کی بنا پر (شکل ۱۹.۹ مسین) ڈی پلٹ کار کامیناری D بلند D ہوگا۔ بلند سامت D کی بازر (شکل ۱۹.۹ مسین) ڈی پلٹ کار کامیناری D بیت D بائند D ہو گا۔ جب D واپس D ہو، D اور D اور D بیت D ور D بیت D بیت D ور D بیت D ور D بیت D ب

حنلام کچھ یوں ہے۔ ساعت کے کمنارہ حبٹر ہسائی پر D کی قیب Q کو منتقتل ہوتی ہے۔ بلند ساعت کے دوران D مسین تبدیلیاں Q پر اثر انداز نہیں ہوتیں۔ مسزید، ساعت کا کمنارہ اترائی اور پیت ساعت، Q پر اثر انداز نہیں ہوتے۔

انشارہ D=0 گیٹ U=0 اور U=0 گزر کر U=0 کوپست کرتا ہے، جو U=0 کوبلند کے رکھتا ہے۔ یوں ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی سے (U=0 اور U=0 کو برابروقت قبل، کسنارہ حب ٹرھسائی سے (U=0 کی قیمت مستقل صورت اختیار کرلے۔ ای طسرح U=0 جو (U=0 کی قیمت سے قطع نظسر) U=0 کوبلند کے رکھتا ہے، کے لئے ضروری ہے کہ U=0 کی قیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھسے راؤ (جو U=0 کی قیمت کسنارہ حب ٹرھسائی کے بعد دورانیہ تھسے راؤ (جو U=0 کے تعد بل ہو۔

آ وت عندلام پلیٹ کار کی طسرح، کسنارہ پر عمسل کارپلٹ کار، ترشیبی ادوار مسین بازری کے مسائل سے چھٹکارا دیت ہے۔ اسس قتم کاڈی پلٹ کار استعمال کرتے وقت دورانپ شیاری اور دورانپ تھے۔راؤیر توحب دینی ہوگی۔

تر سیبی ادوار مسین مختلف پلیٹ کار استعمال کرتے وقت، اسس بات کو یقینی بن نیس کہ تمسام پلیٹ کار ہیں کو قت ( یعنی تمسام پلیٹ کار ساعت کے کمن ارواتر ائی پریاتسام پلیٹ کار کمن ارو حب ٹرھ ائی پر) حسال تب دیل کرتے ہوں۔ وہ پلیٹ کار جو منتخب کمن اروکے محت الف کمن اربے پر حسال تب دیل کرتے ہوں، کی ساعت نفی گیٹ سے گزار کر، منتخب کمن ارب

مثق ۲۰۳: انٹ رنیٹ سے ڈی پلٹ کار کے معسلوماتی صفحیات اتاریں۔(۱) اسس محسلوط دور مسیں کتنے ڈی پلٹ کار ہیں؟ (ب) سے بلٹ کار ساعت کے کس کسارے پر عمسل کارے؟

۲.1۰ حے کے پلٹ کار

ڈی پلٹ کار استعال کر کے مختلف اقسام کے پلٹ کار تفکسیل دیے حبا سے ہیں، جن مسیں ہے کے پلٹ کار <sup>۵۰</sup> اور فی پلٹ کار ا<sup>۵</sup> بہت مقبول ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر عمسل کارج کے پلٹ کار کی بن اوٹ شکل ۲۱.۲

JK FF<sup>a</sup>
T FF<sup>a</sup>

۱.۵ ج کے پلٹ کار

مسیں، اور کار کر دگی حبد ول ۲۰۰۱ – بسیس پیش ہے۔ کمن ارہ اترائی پر عمس کارجے کے پلٹ کار بھی پایا حب تا ہے۔ سنگل مسیں مداحن ل $\overline{Q}_n$  ذیل ہوگا، جہساں پلٹ کار کے موجودہ محن ارج  $\overline{Q}_n$  اور  $\overline{Q}_n$  کھھے گئے ہیں۔

$$(1.1) D = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

ساعت کے اگلے کن ارہ حپڑھ اُنی پرڈی پلٹ کار اسس مداحن کے تحت حسال اختیار کرتا ہے، اہلہذا ہے کے پلٹ کار کی کار کر دگی کی مساوات درج ذیل ہوگی، جہاں موجودہ محنارج  $Q_{n+1}$  اور اگلا  $Q_{n+1}$  ہے۔

$$Q_{n+1} = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

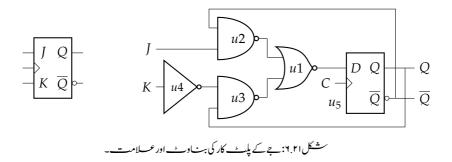
مساوات ۲۰۱۷ و جدول ۲۰۱۷ و جدول کی پہلی صف میں پیش کے آئی ہے۔ جدول کی پہلی صف میں پلیٹ کار کا موجودہ حسال  $Q_n=0$  ، اور مداخنل D=0 اور K=0 بین ، الہذا مساوات ۲۰۱۹ کے تحت D=0 ہوگا۔ یوں ساعت کے کشارہ حپڑھائی پر پلیٹ کارپست حسال اختیار کرتے ہوئے موجودہ حسال بر مسرار رکھتا ہے۔ جدول کی دو سسری صف میں موجودہ حسال D=1 ور C=1 اور C=1 بین ، جن ہے C=1 حسال ہوگا، الہذا میں موجودہ حسال موجودہ حسال موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ موجودہ حسال بوگا، البذا میں موجودہ موجودہ موجودہ میں موجودہ میں موجودہ میں موجودہ موجودہ

آپ نے دیکھ کہ K=0 ، J=0 کی صورت میں پلٹ کاربر متسرار حسال  $Q_{n+1}=Q_n$  ہوگا۔ حبدول کے اصف فی حنانے مسیں یہ معلومات درج کی گئی ہے۔ آسلی کر لیں (اگلے مثق مسیں ایسا کرنے کو کہا گیا ہے) کہ حبدول مسیں D اور  $Q_{n+1}$  کی تمسام معلومات مساوات  $Q_{n+1}$  کے عسین مطابق ہیں۔ اسس جدول کی بہتر صورت جبدول ۔ جہال غیسر ضروری معلومات روپوسٹس کی گئی ، اور کسنارہ حپڑھ اُن کی معلومات مساوات جبدال میں گئی۔

## ہے کے پلٹے کارکی کارکر درگی درج ذیل ہے۔

J اور K مداحن کی کہنی تین صور توں مسیں، J اور K بالت رتیب S اور K مداحن کا کر دار ادا کرتے ہیں، لیعنی فعیال J ، پلٹ کار کو (ساعت کے عمسل کار کسنارہ پر) بلند حیال، اور فعیال K اسے پست حیال کرتا ہے۔ البت یہاں دونوں مداحن فعیال ہونے کی صورت مسیں دونوں مداحن فعیال ہونے کی صورت مسیں پلٹ کار موجودہ حیال برقت رادر کھتا ہے۔

مثق ۲۰.۳: حبد ول ۳.۶-الف اور کی تصید بق کریں۔



#### ب ول ۲.۳: کن ارہ حب ڑھ ائی پر عمس کار جے کے پلٹ کار

(--)

С	J	K	$Q_{n+1}$	
$\uparrow$	0	0	$Q_n$	برمتسرار حسال
$\uparrow$	0	1	0	پست حسال
$\uparrow$	1	0	1	بكن دحسال
$\uparrow$	1	1	$\overline{Q}_n$	متم حسال

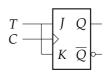
(1)

J	K	$Q_n$	D	$Q_{n+1}$
0	0	0	0	$Q_n$
0	0	1	1	Qn
0	1	0	0	0
0	1	1	0	U
1	0	0	1	1
1	0	1	1	1
1	1	0	1	
1	1	1	0	$\overline{Q}_n$
		•		

۱۰۱. ج کے پلٹ کار

С	$T \mid$	$Q_{n+1}$
0	x	$Q_n$
1	$\boldsymbol{x}$	$Q_n$
$\uparrow$	0	$Q_n$
$\uparrow$	1	$\overline{Q}_n$





#### شکل ۲۲.۲۲ فی پلٹ کار کی بن اوٹ اور عسلامت

ا.۱۰.۱ ٹی پلٹ کار

ج کے پلٹ کار کے دونوں مداحنل آلپس میں جوڑنے سے فی پلٹے کار <sup>ar</sup>ساسل ہو گا، جو شکل ۲۲.۲ میں بمع عبلامت اور حبدول پیش ہے۔

پست مداحن (T=0) کی صورت مسیں ٹی پلٹ کاربر قسر ارحسال رہے گا، جب کہ بلند مداحن (T=1) کی صورت مسیں ساعت کے کسنارہ حپڑھ آئی پر متم حسال اختیار کرے گی۔ یوں بلند T کی صورت مسیں بلند پلٹ کارا گلے کسنارہ حپڑھ آئی پر بلند ہوگا۔

ٹی پلٹ کار کی مساوات، ج کے پلٹ کار کی مساوات ۲.۷ سے حساسل کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1}=J\overline{Q}_n+\overline{K}Q_n$$
  $=T\overline{Q}_n+\overline{T}Q_n$   $=T\oplus Q_n$ 

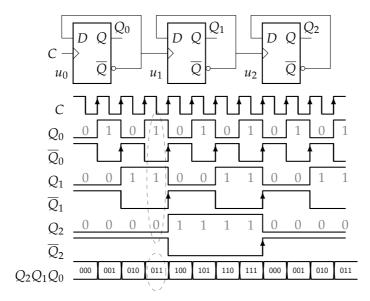
ماوات کے حصول مسیں I اور K دونوں کی جگہ T استعال کیا گیا۔

مثق ۲.۵: أي يلئ كارك حبدول كي تصديق كريں۔

مثق ۲.۲: انٹ رنیٹ سے 74xx اور 40xx سلم میں جے کے اورٹی پلٹ کارتلاسش کریں۔

\_\_\_\_

T FF<sup>2</sup>



شکل ۲۰۳: تین هندسی شنائی گنیک کار

### ال.١١ شنائي گنت كار

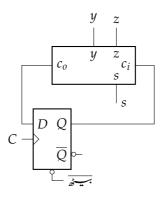
سشکل ۱۸.۲ مسیں پیشس دور تین مسرتب استعال کر کے مشکل ۲۳.۲ ساسسل ہوگا۔ بائیں حبانب سے اول پلٹ کار (س) کامختارج Q<sub>2</sub> پکارا آسیا ہے۔ (س) کامختارج Q<sub>0</sub> پکارا آسیا ہے۔

پلٹ کار  $u_0$  ساعت (C) کا تعدد 2 سے تقسیم کرتا ہے۔ اس کے دونوں مختارج شکل میں پیش ہیں، جو ساعت کے کہنارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتے ہیں، اور جن کا تعدد C کے تعدد کا نصف ہے۔ احشارہ  $u_0$  کا تعدد C کی بلٹ کار  $u_1$  کو بطور ساعت مہیا کیا گیا ہم ہوگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے، جس کو  $u_1$  کا گیا کم ہوگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوانے 2 سے تقسیم کرنے گا، لہندا  $u_1$  کا تعدد  $u_2$  کے تعدد  $u_3$  کے تعدد  $u_4$  کا تعدد  $u_4$  کا تعدد  $u_5$  کا تعدد کے 8 گیا کہ ہوگا۔

گنت کار صف ر (0002) تاست (1112) (یعنی آٹھ، 23، کن ارے) گسنتی کرنے کے بعب دوبارہ صف (0002)

three bit binary counter

۲.۱۲ سلیله وارشنائی جمع کار



مشكل ٢٠٠: سلسله وارشن أئي جمع كار

ے سشہ دع کر تاہے۔ ساعت C کی بحبائے گنت کار کو کوئی بھی عبد دی امشارہ گسنتی کے لئے منسراہم کسیاحب اسکتاہے۔ گنت کارامشارے کے کسنارہ حیبڑھ ائی کی گسنتی کر کے نتیجہ مہاکرے گا۔

ڈی پلٹ کار کی تعبداد 4 کر کے، حولہ (24 = 16) کنارے گننے کے متابل گنت کار بنایا جبا سکتا ہے جو صنسر (00002) تاپندرہ (11112) گسنتی کرے گا۔ یوں n پلٹ کارپر مشتل شنائی گنت کار  $2^n$  کنارے گننے کے متابل ہو گا۔

### ۲.۱۲ سلسله وارشنائی جمع کار

سٹکل ۲۳.۲ مسیں مکسل جمع کار  $(u_1)$  اور ڈی پلنے کار  $(u_2)$  کی مدد سے اصطبالہ وارشنائی جمع کار کو جمع کرنے والے دو ہے (مکسل جمع کار کی جمع کار کو جمع کرنے والے دو ہے (مکسل جمع کار کی جمع کار کو جمع کرنے والے دو شنائی اعتبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حبات ہیں۔ کمت ر تی ہا سے سفروغ کر کے ساعت کے ہر کسنارہ حب نئی اعتبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حبات ہیں۔ کمت ر تی ہا سے صدر گری پلانے کار حاصل جمع (لین مکسل جمع کا حضرابی کی وصور داختی حساس جمع دور کے ساعت کے حصول سے کا حضارتی حساس ) ذخیہ و کر کے انگلے و تہ م پر مکسل جمع کو مطور داختی حساس مہی کر تا ہے۔ محب و عید کے حصول سے قبل ڈی پلائے کار زبر و ستی پیت کہ گا پر سلیاد اختی حساس صف ہو۔ آپ دیکھ سے ہیں کہ گا پر سلیلہ واردونوں شنائی اعبد اد کا محب و عید حضارتی ہوگا۔

اسس باب کے آمنسر مسین آپ سے گزارشش کی حبائے گی کہ سلسلہ وار شنائی جمع کار استعال کرتے ہوئے دوشنائی اعسادہ جمع کریں۔

binary serial counter or

## ۲.۱۳ معاصر ترتیبی ادوار کا تحبزی

اعت پر عمسل کار، پلٹ کارپر مسبنی ادوار معاصر ترتیبی ادوار ۵۵ ہسلاتے ہیں، جو پلٹ کارے موجودہ حسال اور مداحسل دیمے کرنے حسال افتیار کرتے ہیں۔ معساصر ترتیبی ادوار، عسوماً، کسنارہ ساعت کے ساتھ وسدم ملاکر چلتے ہیں۔ ہم زیادہ ترکسارہ ساعت پر عمسل کار ترتیبی ادوار پر تبصیرہ کریں گے (جو مستن سے واضح ہوگا)۔ معساصر ترتیبی ادوار مسیں ترکسیبی ھے کاموجود ہونالازم نہیں۔

کنارہ پر عمسل کار معساصر ترتیبی ادوار کنارہ ساعت پر نیباحسال اختیار کرتے ہیں۔ موجودہ حسال نئے حسال پر اثر انداز ہوسکتا ہے، البندائے حسال دریافت کرتے وقت موجودہ حسال (کو بھی) مداحسن تصور کریں۔ ترکیبی ادوار کی طسرح ترتیبی ادوار کا حبدول، جو عالی کا جدول <sup>۵</sup>کہلا تاہے، نئے حسال دریافت کرنے مسیں مدد گار ثابت ہوگا۔ نیباحسال مماواتے عالی <sup>۵۵</sup>سے بھی حسامسل کمیاحب سکتا ہے۔ دونوں طسریقوں پر خور مشابوں کی مدد سے کرتے ہیں۔

#### البيال مساوات حيال

دورے موجودہ حسال اور موجودہ مداحنل کے روپ مسین، مساوات حسال دور کے اگلے حسال ہیان کرتی ہیں۔ کسنارہ ساعت پر دور اگلے (نئے)حسال افتیار کرتا ہے۔ یوں، ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد حسال کو موجودہ حسال تصور کرکے، اسس کے لئے امشار ہے n استعال کرتے ہوئے، مشلاً Q(n) ، اگلاحسال Q(n+1) ہوگا۔

شکل ۲۵.۹ مثال بن کر آ گے بڑھتے ہیں، جہاں کن ارہ حپڑھائی پر عمس کا کار ڈی پلٹ کار مستعمل ہیں۔ موجودہ مداحن  $Q_1(n)$  میں اور  $Q_1(n)$  بیں۔ ان سینوں کو مداحن تصور کر کے  $Q_1(n)$  کی ترکسی مساوات  $Q_1(n)$  جبکہ موجودہ میں اور  $Q_1(n)$  اور  $Q_1(n)$  اور  $Q_1(n)$  کا کامین اربال کی پلٹ کار کا کامین اور  $Q_1(n)$  کا کامین اور کی کار کی بلٹ کار کا مداحن  $Q_1(n)$  کا میں اور کی کار کی بلٹ کار کی بلٹ کار کا مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی بار کی بلٹ کار کا مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی معلق میں کا کامین کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی کار کی بلٹ کی کار کی بلٹ کی کار کی کار کی بلٹ کی بلٹ کی کار کی کار کی بلٹ کی

$$D_0(n) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

اس میاوات میں ہر جبزو کے ساتھ (n) چیاں کر کے واضح کیا گیا کہ یہ موجودہ متغیبرات ہیں۔ سابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال 0 اس میاوات کے مطابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال 0 ورج ذل ہوگا۔

$$Q_0(n+1) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

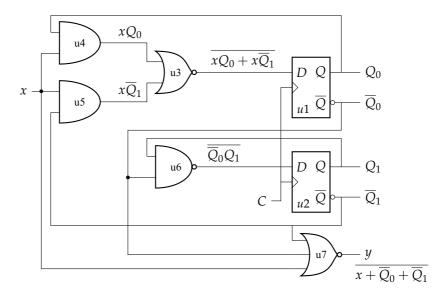
ای طسرح متم ضرب u6 کے مداحسٰل  $\overline{Q}_0$  ،  $\overline{Q}_0$  الہذامنارج  $\overline{\overline{Q}_0Q_1}$  ہوگا،جو پلیٹ کار u2 کامداحسٰل u کامداحسٰل ورج ذیل ہوگا۔

$$Q_1(n+1) = \overline{\overline{Q}}_0(n)Q_1(n)$$

synchronous sequential circuits 22

state table

state equation 22



مشكل ٢٤.٢٥: ترتيبي دور بطور مثال

تیب رامخنارج y ہے جو متم جمع u کامخنارج  $\overline{Q}_1$  کامخنارج تیب ہوجودہ  $\overline{X}+\overline{Q}_0+\overline{Q}_1$  ہے،اور جو ساعت کا تابع نہیں، اہلیذا y صرف موجودہ حسال اور مداحن کیر مخصر ہے، لینی ہے ہر صورت موجودہ مختارج ہوگا۔

$$y(n) = \overline{x(n) + \overline{Q}_0(n) + \overline{Q}_1(n)}$$

ساوات ۲۰۱۳ امسیں باربار (n) اور (n+1) کھنے سے گریز کرتے ہوئے درج ذیل کھا جب سکتا ہے۔

$$Q_0 = \overline{xQ_0 + x\overline{Q}_1}$$
 
$$Q_1 = \overline{\overline{Q}_0Q_1}$$
 
$$y = \overline{x + \overline{Q}_0 + \overline{Q}_1}$$

#### ۲.۱۳.۲ حال کاحبدول

معاصر حال جدول مسین کھے جب سے ہیں۔ شکل ۲۵۱ کی مثال آگے بڑھاتے ہوئے مساوات ۱۳۰۱ سے حبدول کھتے ہیں۔ موجودہ مداحنل (x) اور موجودہ حسال  $(Q_1\cdot Q_0)$  آزاد متغیبرات، جب کہ اگلے میناری اور حوجودہ مدال (x) اور موجودہ مرازی (x) اور (x) آزاد متغیبر تصور کرکے ان کی تمام ترتیب (x) (x) ماری (x) تا کتھیں۔ تصور کرکے ان کی تمام ترتیب کے مطابقتی اگلے حسال (x) (x

state table an

موجوده حسال	_ال	اگلا حـ	عنارج	موجوره م		
	x = 0	x = 1	x = 0	x = 1		
$Q_1Q_0$	$Q_1Q_0$	$Q_1Q_0$	y	у		
00	11	10	0	0		
01	11	10	0	0		
10	01	01	0	0		
11	11	10	1	0		

#### حدول ۲.۴:حال كاحدول (برائے مساوات ۲.۳۱)

#### ۲.۱۳.۳ حال کاحن که

حال کے جبدول مسیں موجود معلومات کاحن کہ بنایا جبا سکتا ہے جو **عالی کا خاکہ <sup>۵۹</sup> کہ**لاتا ہے۔ جبدول ۴۳۰ کاحبال کا حن کہ شکل ۲۲۰۹ مسیں پیش ہے۔

حسال کے مناکہ مسین دور کاحسال گول دائروں سے ظلم کسیاحباتا ہے، جبکہ موجودہ حسال سے انگلے حسال منتقلی تسیسر دار کسیسر سے ظلم کی حباتی ہے، جسس کی دم موجودہ حسال پر اور سسر انگلے حسال پر رکھا حباتا ہے۔ تسیسر دار ککسیسر کے اوپر دواعت الکھے حباتے ہیں، جن کے بچر چھی ککسیسر کے اوپر اور موجودہ محسارج نیجے ککھا حباتا ہے۔

شکل ۲۵.۸ کے ترتیبی دور مسیں دو پلٹ کار مستعمل ہیں، جن کاحبال  $Q_1Q_0$  کھھ کر 00 ، 00 ، اور 11 مسکن حسال 12 کے برولست میں۔ حسال 10 سے 11 انتقال کی تئیبر دار کئیب پر 1/0 کھسا گئیا ہے، جس کے تحت انتقال 12 کی برولست پیشش آیا اور y=02 ہے۔

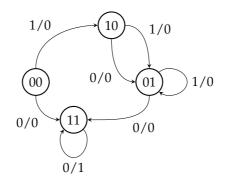
حال کا حن کہ اور حال کا حبدول ایک ہی معلومات وو مختلف طسریقوں سے پیش کرتے ہیں۔ دونوں مسیں پیش معسلومات ہر طسر تا بہاں ہے۔

#### ۲.۱۳.۴ ڈی پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

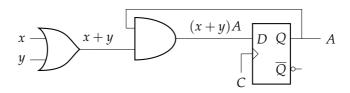
تر تسیبی ادوار کے حسل کی مسزید مشالوں پر غور کرتے ہیں۔ پہلی مشال ڈی پلٹ کارپر مسبنی ہے جو شکل ۲۷.۱مسیں پیشس ہے۔ دور مسیں ایک پلٹ کارپایا حب تاہے جس کامحنارج A کھی کر مداخن ل

ساعت کے کنارہ حب رہائی پر ڈی پلٹ کار مداحنل کے تحت نیا حال افتیار کرتا ہے، المہذا الگل حال کی

state diagram<sup>29</sup>



شكل ٢٦.٢: حال كاحناكه (برائ شكل ٢٥.٦)



مشكل ٢٤: دى پائ كارير مسنى ترتيبى دور\_

ساوات درج ذبل ہو گی

$$A(n+1) = A(n)(x(n) + y(n))$$

جسس کی سیادہ صور سے ذیل ہے۔

$$A = A(x + y)$$

اسس مساوات کے نتائج مشکل ۲۸.۲ مسیں جدول مسیں پیش ہیں۔ حسال کاحنا کہ اور اسس کاس دہ روپ (نحی لا حسالہ) بھی مشکل پیش ہیں۔ پلے کار کے حسال 0 اور 1 دائروں مسیں رکھے گئے ہیں، جبکہ ان کے پھھ انتحال تسیر دار ککسیسرے دکھیایا گیا ہے۔ تسیر دار ککسیسروں پر مداحسل xy کی موجودہ قیمتیں کبھی گئی ہیں۔ ایک ہی حسال مسیں رہنے کے تمس ممکنات کو اکھی بھی کھی حبا سکتا ہے، چیسے خیلے حساکہ مسیں کسیا گیا ہے۔ آپ دکھ کے ہیں کہ حسال کے تمس ممکنات کو اکھی بھی کھی حبال بر قسر اررکھتا کے تمس موجودہ حسال ہوگاجی مداحسل 00 ہو۔ باتی تمسام حسال مسیں پلٹ کار موجودہ حسال ہر قسر اررکھتا ہے۔ مسئدید، حسال 0 سے حسال 1 منتقلی کا کوئی راستہ موجود نہیں۔

### ۲.۱۳.۵ جے کے پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

شکل ۲۹.۲ سیں جے کے پلٹ کار پر مبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ بالا پلٹ کار کاحبال  $Q_A$  اور مداحنل  $K_A$  ،  $J_B$  ہیں۔ جب کہ زیریں پلٹ کار کاحبال  $Q_B$  اور مداحنل  $Q_B$  ہیں۔



	موجوره		اگلا
A	x	y	A
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

شكل ٢٨. ٢: حسال كاحب ول اور حسال كاحت كه (برائ مشكل ٢٧.٦)

10,01,11



دور مسیں متم بلات رکت جمع گیٹ کا ایک مداحنل  $Q_A$  ہے جو بالائی پلٹ کار کاموجودہ حسال ہے۔ پلٹ کارے محنار جن سے گیٹ کے محالت کا ایک نام رکھا گیٹ کے مداحنل تک تارکھنیخ کی بحب نے دونوں کا نام  $Q_A$ ) رکھا گیٹ ہے۔ جب بھی دومعتامات کا ایک نام رکھا حب نے ، انہیں آپ مسیں برقی طور حبڑ اتھوں کریں۔ یول ، دونوں ضرب گیٹ کا ایک ایک مداحنل زیریں پلٹ کا رکے محنار جی سے جبڑ ہے۔

مداحنل کی مساوات ذیل ہیں۔

$$J_A=\overline{x}Q_B$$
  $K_A=xQ_B$   $J_B=x$   $K_B=\overline{x\oplus Q_A}$ 

ان مساوات ہے جبدول ۲۵۰۰ حساس ہوگا، جس ہے اضافی مواد نکال کر حسال کا جبدول حساس ہوگا (شکل ۲۰۰۱)۔ حسال کے حبدول ہے حساسسل حسال کاحت کہ بھی شکل مسین پیش ہے۔

$$J_A = \overline{x}Q_B = \overline{0} \cdot 0 = 1 \cdot 0 = 0$$

$$K_A = xQ_B = 0 \cdot 0 = 0$$

$$J_B = x = 0$$

$$K_B = \overline{x \oplus Q_A} = \overline{0 \oplus 0} = \overline{0} = 1$$

انہ میں حبہ ول کی پہلی صف میں ورج کریں۔ پلٹ کار کے موجودہ مداحنل حبائے ہوئے ساعت کے انگلے کہنارہ حسائی پراگلے حسال مساوات ۷.۱ کی است وات (  $Q(n+1)=J\overline{Q}_n+\overline{K}Q_n)$  یامساوات ۸.۱ کے

$$Q_A = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = 0 \cdot \overline{0} + \overline{0} \cdot 0 = 0 \cdot 1 + 1 \cdot 0 = 0 + 0 = 0$$
$$Q_B = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = 0 \cdot \overline{0} + \overline{1} \cdot 0 = 0$$

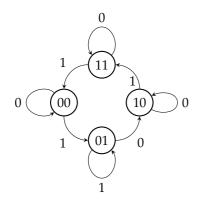
حساس کر کے جبدول کی پہلی صف مسیں درج کریں۔ باقی صف کے لئے مواد حساس کے کے جبدول بھے ہیں۔ آپ J اور K کی مساوات استعمال کر کے بھی Q تلاسش کر سکتے ہیں۔

$$Q_A(n+1) = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = (\overline{x}Q_B) \overline{Q}_A + (\overline{x}\overline{Q}_B) Q_A$$
$$Q_B(n+1) = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = x \overline{Q}_B + (\overline{x} \overline{\oplus Q_A}) Q_B$$

حال کے حن کہ (شکل ۴۰.۳) پر توجب دیں۔ حال 00 سے 01 اور بہاں ہے 10 اور اسس کے بعد 11 حبایاحب سکتاہے، جس کے بعد دوبارہ 00 سے پوری کہانی شھروع ہوگی۔ یہ 00 تا 11 شن کی گئت کار مصلوم ہوتا ہے۔ ماسوائ

حبدول ۲.۵: ج کے پلٹ کار دورکی مساوات ۲.۱۴ سے حساصل حبدول

حال	موجوده مداحشل اور حسال		پلٹ کار کے مدا <sup>حث</sup> ل			اگلے حسال		
$Q_A$	$Q_B$	x	$ J_A $	$K_A$	$J_B$	$K_B$	$Q_A$	$Q_B$
0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	1
0	1	0	1	0	0	1	1	0
0	1	1	0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	1	1	1	0	0



موجوده حسال	اگلا حسال			
	x = 0	x = 1		
$Q_AQ_B$	$Q_AQ_B$	$Q_AQ_B$		
00	00	01		
01	10	01		
10	10	11		
11	11	00		

شکل ۲۹.۳۰: حسال کاحب ول اور حسال کاحت که برائے شکل ۲۹.۲



مشكل ٢٠١٣: في يله كارير مسبني ترتسبي دور

حال 11 کے، ہر مسرت x تبدیل کرنے سے حال تبدیل ہوگا۔ یوں 00 مسیں جب تک x=0 رہے، دور ای حال مسیں رہت ہے، البت x بلند کرنے سے x=0 حال حاصل ہوگا، جہاں اسس وقت تک رہاجیا گا جب تک x=0 دہو۔

۲.۱۳.۲ ٹی پلٹ کار کی مدد سے ترشیبی دور کاحب ائزہ

سٹکل ۳۱.۹ سیں ٹی پلنے کار پر مبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ پلنے کار کے حسال A اور Bے ظاہر کیے گئے ہیں۔ یوں پہلے پلنے کار کامداحس  $T_A$  اور دوسرے کا  $T_B$  ہے۔

یلے کار کااگلاحسال مساوات ۲.۹ سے ملت ہے جے یہاں دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = T \oplus Q_n$$

موجو دہ ضرورے کے تحت مساوات سے درج ذیل لکھا حیا تاہے۔

$$A_{n+1}=T_A\oplus A=T_A\overline{A}+\overline{T}_AA$$
  $B_{n+1}=T_B\oplus B=T_B\overline{B}+\overline{T}_BB$ 

پلٹ کارے مداحنل کی مساوات شکل ۲. ۳۱ سے حساصل کرتے ہیں۔

$$T_A = A\overline{B}$$

$$T_B = \overline{A\overline{B} + x}$$

ان مساوات کومساوات ۲.۵مسیں ڈالنے سے پلٹ کارے حسال کی مساواتیں حساسل ہوں گی:

$$A_{n+1} = (A\overline{B}) \oplus A$$
$$B_{n+1} = (\overline{A\overline{B}} + x) \oplus B$$

#### حبدول ٢٠١٦: في پليائ كار دور (كشكل ٣١٠٦) كاحسال كاحبدول

(1)

( <u> </u> )						
موجوده	اگلا حسال موجوده					
	x = 0	x = 1				
AB	AB	AB				
00	01	00				
01	00	01				
10	00	00				
11	10	11				

زاد	موجوده مواد			اگلا حسال		مداحنل	
A	В	x	A	В	$T_A$	$T_B$	
0	0	0	0	1	0	1	
0	0	1	0	0	0	0	
0	1	0	0	0	0	1	
0	1	1	0	1	0	0	
1	0	0	0	0	1	0	
_1	0	1	0	0	1	0	
1	1	0	1	0	0	1	
1	1	1	1	1	0	0	

جن سے حبدول ۲.۲-الف ملت ہے۔ مداحن x اور موجودہ حسال A اور B کو پہلی تین قطاروں مسیں کھی گیہ ہے۔ ان کی تمام ترتیب (  $000_2$  تا 111 ) پہلی تین قطاروں مسیں بھسر کر، ہر صف کے لئے مطابقتی موجودہ مداحن حساس کے حباتے ہیں، جنہیں دائیں قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے اگلے کنارہ حیث قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے اگلے کنارہ حیث قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساتھے ، جو حسال کا حبدول کہ ۲.۲-الف سے حبدول - بسکھا جب سکتا ہے، جو حسال کا حبدول کہ ۲۰۱۱ ہے۔

### ۲.۱۴ میلی اور مُورنمون

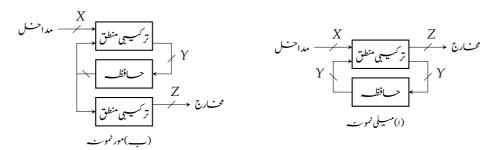
تر تسیبی دور مسین مداحنل، محنارج اور اندرونی حسال پائے حباتے ہیں۔ تر تسیبی ادوار کے دو نمونے پائے حباتے ہیں، جنہیں میلی نمویغه ۱۲ اور موُر نمویغه ۳۱ کہتے ہیں۔ مسیلی نمون۔ مسین محنارج کادار ومدار موجودہ مدا احسال اور موجودہ اندونی حسال پر، جب کہ مُور نمون۔ مسین صرف موجودہ حسال پر ہوگا۔ یہ دونمونے شکل ۳۳۸مسین پیش ہیں۔

Mealy ''
Moore''

۱۲. میلی اور مُور نمون پر



شكل ٢٠٣٢: حسال كاحت كه برائح شكل ٢ . ١٣١ ورحب ول ٢٠٦



مشکل ۱٫۳۳:مور اور مسیلی نمونے

ان اسٹ کال مسیں مداحن تسیر دار لکسیہ پرتر تھی لکسیہ تھینچ کر X کلی گئی ہے، جو مداحن شن کی ہند سول (بِٹ) کی تعد ادبیان کرتا ہے۔ یوں X=8 کی صورت مسیں ایک ایک بٹ کے آٹھ مداحنل ہوں گے۔ حسافظہ کے مداحن اور محن ارخ کی تعد ادبرابر ہوگی، لہندا اسس کے مداحن (یا محن ارخ) پر Y کلھنے کے بعد محن ارخ (یا مداحن ) پر موزت تر چھی ککسیہ کھینچنا کافی ہوگا۔

### ۱.۱۴۰۱ حسال اور ان کی مقسرری

ھے۔ ۱۳.۲ سمسیں حال کے حناکہ پر غور کیا گیا۔ ان حناکوں مسیں پلٹ کارکے محنارج کی بحبائے دیگر ناموں سے حال ظاہر کرکے حیال کاحنا کہ سمجھنا آسان بناحیا سکتاہے(درج ذیل مشال دیکھیں)۔

مثال ا.٧: اليے ايک مداحنل، ايک محنارج معاصر ترتيبي دور كاحبال كاحنا كه تسيار كريں، جو 1102 مداحنل كے حصول پر 1 حنارج كرتا ہو۔ بلندر تى بٹ ايپ تصور كريں۔ اليه دور كو **ترتيب شنان ان** <sup>11</sup> كہتے ہيں۔

حل: حلن المعرب المعرب

sequence detector

\_



شكل ٢٠٣٨: حسال كوالفاظ سے يكار كر حساكہ بہستر سنجھ آتاہے (مشال ١٠١)

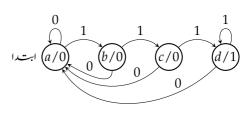
## 1.1۵ معیاصر ترتیبی ادوار کی بین اوٹ

گزشتہ جھے مسیں مخلف اقسام کے پلٹ کار استعمال کر کے معاصر ترشیبی ادوار تشکیل دیے گئے۔ان ادوار کے حصول کا باض بطے طسریق کار درج ذیل ہے۔

- ا. مسئله کے بیان سے حال کاحن کہ تیار کریں۔
  - ۲. در کار حسال کی تعبداد کم کریں۔
- ۳. ہر حسال (کوظ اہر کرنے) کی منف ردشنائی قیمت منتخب کریں۔
  - ۴. حال کاحبدول حساصل کریں۔
  - ۵. پلے کار (کی قتم)کاانتخاب کریں۔
- ۲. پلٹ کار کی داختلی اور حضارجی سادہ ترین مساوات حساصل کریں۔
  - ان ماوات سے معاصر ترشیبی دور تشکیل دیں۔
- مثال ٢٠٠: ایسام مساصر ترتیب شناس تفکیل دیں جو تین متواتر 1 مداحن کے حصول پر 1 حنارج کرے۔

حل:  $\overline{r}$  تہاں کی کار کرد گی کے بیان سے شکل ۳۵۰ کا حال کا خانہ کہ کھینی جباتا ہے۔ گول دائروں مسین ترجی کی سے سے کل ۳۵۰ کا حال کا نام اور نیجے محنارج کی قیمت لکھی گئی ہے۔ شناسس کا ابت دائی حسال a اور محنارج پیست، تیسری a کہ جسم میں a کی جد حسال a اور محنارج پیست، تیسری a کی جد حسال a اور محنارج بلند ہوگا۔ دوسری a کے بعد حسال a مصین رہتے ہوئے محنارج بلند رکھتا کے بعد حسال a مسین رہتے ہوئے محنارج بلند رکھتا ہے۔ کی بھی موقع پر a کا حصول، شناسس کو واپس ابت دائی حسال a منتقبل کرتا ہے۔ حسال کے حناکہ سے حساس حب دور ہیں ہوجہ دور محنارج درج ہیں۔ مصین بائیں ہاتھ واگلاحال اور موجہ دور محنارج درج ہیں۔

20	موجوا	اگلا	موجوده
حال	مداحنل	حال	محنارج
а	0	а	0
а	1	b	0
b	0	а	0
b	1	С	0
С	0	а	0
С	1	d	0
d	0	а	1
d	1	d	1



شكل ٢٠٠٤: ترتيب شناكس كاحبال كاحباكه (مثال ٢٠٦)

حال کے منا کہ سے واضح ہے کہ حال کی تعداد حیارہ، جنہیں دوہِٹ کاشنائی عدد ظاہر کر سکتاہے۔

$$a=00$$
  $b=01$   $c=10$   $d=11$ 

شن کی عسلامت استعال کرتے ہوئے مشکل ۳۵٫۱ مسیں پیش حبدول دوبارہ حبدول ۲٫۱ مسیں پیش کسیا گیا ہے، جس سے ڈی پلٹ کار کی درج ذیل مساوات اخسذ ہوتی ہیں۔

$$A(n+1) = D_A(A, B, x) = \sum (3,5,7)$$
  

$$B(n+1) = D_B(A, B, x) = \sum (1,5,7)$$
  

$$y(A, B, x) = \sum (6,7)$$

بدول ۲.۷ سے مشکل ۳۲.۲ کے کارناف نقتے بن کر درج ذیل سادہ مساوات سامسل ہوتی ہیں، جن سے مشکل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے سے کل ۳۷.۲ سے مسال ہوگا۔ حیاصل ہوگا۔

$$D_A = Ax + Bx$$

$$D_B = Ax + \overline{B}x$$

$$y = AB$$

ترتیب شناسس ابت دائی ہیت حسال مسیں جیٹھ اشارہ کی مدد سے لایاحیا تاہے، جو شکل مسیں نہیں د کھایا گیا۔

حبدول ٢٠٤٤ ترتيب شناسس كاحسال كاحبدول

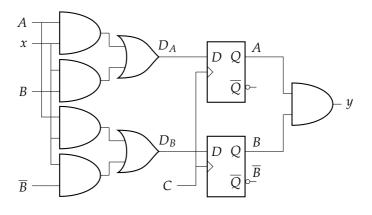
	موجوده		J.	śi	موجوده
$\boldsymbol{A}$	В	x	A	В	y
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1

AB $x$	0	1
00	0	0
01	0	0
11	1	1
10	0	0
	y =	$\overline{AB}$

AB $x$	0	1
00	0	1
01	0	0
11	0	1
10	0	1 1
I	$D_B = x$	$A + x\overline{I}$

. 1	AB	0	1
1	00	0	0
0	01	0	1 1
1	11	0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1 1	10	0	1
xA + x	B E	$D_A = x$	A + xB

شكل ٢٠.٣: كارناف نقت برائے مشال ٢٠.٧



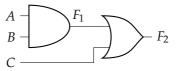
شكل ٢٠٠٤: تتيب شناس (مثال ٢٠٠)

مثق 2.7: مساوات 7.7: امسیں حال کے اظہار کا ایک انتخاب و کھایا گیا ہے۔ آپ کوئی دوسرا انتخاب c=11 ، b=10 ، a=01 بور حاصل ہو گا۔ یہ دور صاصل کریں۔

### سوالا<u>۔۔</u>

$$\overline{Q}_{n+1}=\overline{J}\,\overline{Q}+KQ$$
 کو ساوات درج ذیل ہے۔  $\overline{Q}_{n+1}=\overline{J}\,\overline{Q}+KQ$ 

سوال ۲۰۲: سشکل مسین ضرب گیٹ کا دورانیہ رد عسل 10 نیسنو سیکنڈ جبکہ جمع گیٹ کا 15 نیسنو سیکنڈ جب د عمل میں ہوں ہے۔ ہے۔ تیسنوں مداحنل بیک وقت تبدیل کیے حباتے ہیں۔ کتی دیر بعید محنارج آج اور F<sub>2 مستخ</sub>کم حسال مسین ہوں گے؟

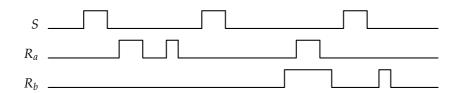


بواب: 25 ns ، 10 ns

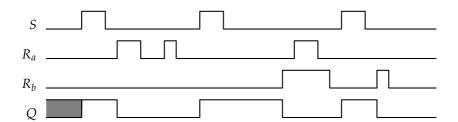
سوال ۱۹۳۳: ایک کمپیوٹر GHz کے ساعتی ایشارے سے چلتا ہے۔ یہ اہشارہ تیس فی صدوقت بلندرہتا ہے۔ جبکہ اسس کا دورانی ارآئی پانچ فی صداور دورانی حب ٹرھائی پانچ فی صدوقت لیتے ہیں۔ ساعتی اہشارے کا دوری عصر صدرہ دورانی حسر صدر دورانی حسر صل کریں۔

 $3 \times 10^{-10} \,\mathrm{s} \cdot 2.5 \times 10^{-11} \,\mathrm{s} \cdot 5 \times 10^{-10} \,\mathrm{s} :$ 

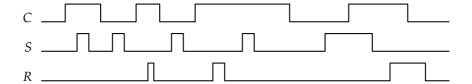
سوال ۱۲.۴: جمع متم گیہ پر مسبنی متعبد د (بلٹ دفعال) مداحنل ایسس آر پلیٹ کے مداحنل ترسیم کیے گئے ہیں۔ اسس کامحن ارج ترسیم کریں۔



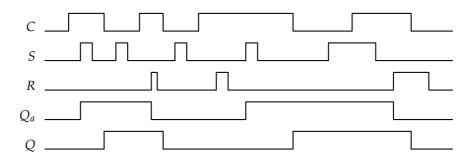
جواب:



سوال ۲۰.۵: آت اوعندام پلٹ کے مداحن ترسیم کیے گئے ہیں۔ آت امت امن ارج میں اور عندام من ارج Q ترسیم کریں۔



جواب:



سوال ۲۰۱: سشکل ۲۳۰۱ مسین سلمہ وار شن کی جمع کار پیش ہے۔اے استعال کرتے ہوئے 10110011 اور 001100112 ور 1001100112

سوال ۱۹.۷: ایک ترتیبی دور جس کے مداحنل x اور y جب کہ مخنارج z ہے مسین دوڈی پلٹ، A اور B مستعمل ہیں۔ دور کی مساوات درج ذیل ہیں۔ یادر ہے ہم A(t+1) کو اگلاحیال جب کہ A(t) کو موجودہ حسال یابازری ایشارہ تصور کر سکتے ہیں۔

$$A(t+1) = \overline{x}y + xA(t)$$
  

$$B(t+1) = \overline{x}B(t) + xA(t)$$
  

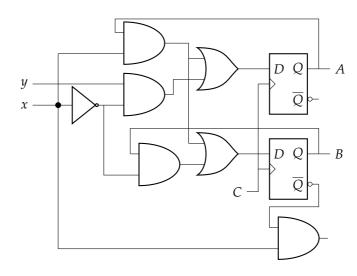
$$z(t) = x\overline{B}(t)$$

ا. ترتیبی دوربن میں۔

ب. ان مساوات سے حال کاجبدول حساصل کریں۔

ج. حال کے جدول سے حال کا حناکہ حاصل کریں۔

جواب:



	X=	=1	X:	=0
AB	y = 1	y = 0	y = 1	y = 0
00	00	00	10	00
01	00	00	11	01
10	11	11	10	00
11	11	11	11	01

سوال X: مداخن X اور دوجے کے پلٹ، A اور B ، پر مبنی ترشیبی دور درج ذیل مساوات پر پورااتر تا ہے۔

$$J_A = \overline{B}$$

$$K_A = x$$

$$J_B = A$$

$$K_B = x$$

ا. ان ے حیال کی مساوات 
$$A(t+1)$$
 اور  $B(t+1)$  حیاصل کریں۔  $B(t+1)$  ان مساوات ہے حیال کا حنا کہ بت کیں۔

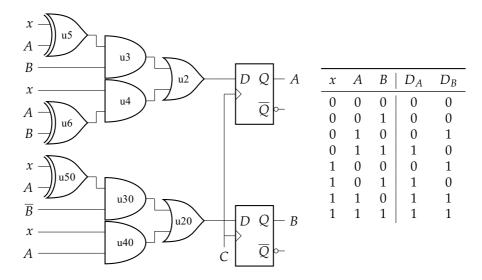
$$A(t+1) = \overline{B} \overline{A} + \overline{x}A$$
$$B(t+1) = A\overline{B} + xB$$

موجوده حسال	_ال	اگلا حہ
AB	x = 1	x = 0
00	10	10
01	00	01
10	01	11
11	00	11

سوال ۱۹۰۹: دوڈی پلٹ، A اور B ،استعال کرکے مداحنل X کار تھیبی دور تحنیق دیں جو بالت برتیب 00 ، 0

جواب:

جواب:



سوال ۲۰۱۰: گزششته سوال مسین مداحسنل e کاانساف کریں۔ بلسند e کی صورت مسین دور جوں کا توں چلت ہو جبکہ پست e کی صورت مسین دور اپناحسال برفت رار کھتا ہو۔

جواب: ساعت C کو ضرب گیٹ سے گزاریں۔ ضرب گیٹ کادوسسرامداحسٰ P ہوگا۔

موال ۱۹.۱۱: بچھلے موال مسین مداحن کی تعداد مسین مسنید اضاف کرتے ہوئے مداحن 8 کا اضاف کریں۔ مداحن 8 کا اضاف کریں۔ مداحن 8 بلند کرنے سے دور کو حسال 00 افتیار کرلین احب ہے جبکہ پست 8 کی صورت مسین دور کو پہلے کی طسرح کام کرنا حیاہے۔

جواب: دونوں ڈی پلٹ کے بلند فعال زبر وستی پہتے مداحن ل کو S صنداہم کریں۔

# اب

# وفتسر

ایک پلٹ کارایک شنائی ہندے (بِٹ) کی معلومات ذخیبرہ کرسکتاہے۔ آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ پلٹ کار درکار ہوں گے۔ وفتراسے مسراد وہ دور ہے جو معلومات ذخیبرہ، اور ایک جگہ ہے دوسسری جگ۔ متال کر کرنے کی صلاحیت رکھت ہو یوں، 11 بِٹ دفتیبرہ اور منتقبل کر کے مصلومات کے انتقبال کا انداز (سلماد واریامتوازی) دور کے ترکمیبی حصہ پر مخصصرہ ہوگا۔

ے دہ ترین حیار ہِٹ وفت رشکل ۱.2 اسیں پیش ہے۔ شکل الف میں مداحنل A جبکہ محنارج B ہیں۔ مداحنل  $B_3$  ،  $B_1$  ،  $B_2$  ،  $B_1$  ،  $B_2$  ،  $B_3$  ،  $B_3$ 

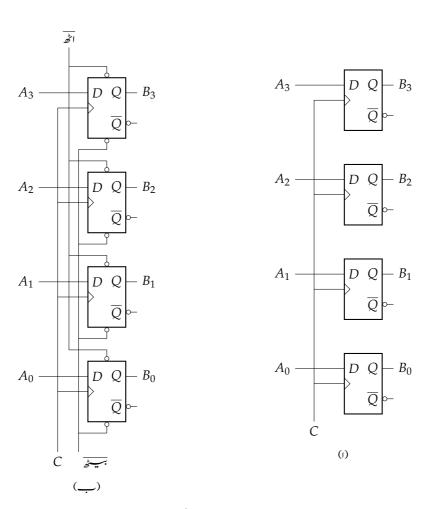
ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر داخنلی حباریٹ پلٹ کار کو منتقبل ہو حباتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں دفت سرمسین مواد کااندراخ ہو گیا، یامواد دفت سرمسین درج ہو گیا، یامواد دفت سرمسین کلھ لیا گیا۔ ساعت کے انگلے کسنارہ حب ٹرھسائی تک سے حیار بٹ معسلومات دفت سرمسین محفوظ، اور محسارج پر دستہاہ ہوگا۔

سشکل ۱.۱-ب مسیں بلند اور پست صلاحیت کا پلٹ کار استفال کیا گیا۔ یوں، ساعت کے کسارہ حسین بلند اور پست کے کسارہ حسین بلند یا پست کیے جب سکتے ہیں۔ زبرد سستی پست کرنے کے دفت رصاف کا انظار کے بیٹرد مستی پست کرنے سے دفت رصاف ہوکر 20000ء جبکہ زبرد ستی بلند کرنے سے 11112 حسارج کرتا ہے۔

اس دور مسیں پلیٹ کار کی تعبداد n کرکے n بٹ دفت ر تشکیل دیاجب سکتا ہے۔ ہر بٹ کا متم بھی دفت رکے محنارج ہے دستیاب ہوگا۔ وستیاب ہوگا۔

register<sup>1</sup>

۱۸۰ پاہیے کے دفت ر



شکل ۲۱:حپارېك د فت ر ـ

ا کے سلماہ وار دفت پر



### مشكل ٢.٤: دائيں انتقت ال دفت ر

## ا. 2 سلسله وار د فت ر

### ا.ا.۷ دائيںانتڪال دفت ر

شکل ۲.2 مسین (سلیدوار) دانیه انتقالی دفتر بیش به جهان (متواتر) ایک پلئ کار کامخنارج، دو سرے کامداحنل به اور شنائی مواد، ۲ ، بائین (حبانب) سے مہیا کیا گیا ہے۔ شکل مسین زبرد ستی بست بن نہیں و کھایا گیا تا کہ اصل مضمون پر توجب رہ، تاہم تصور کریں ساعت کے بہلے کسنارہ حپڑھائی ہے قبل، تمام پلٹ کار زبرد ستی بیست کے گئے۔

x=1 و  $u_4$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_4$  ،  $u_5$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_5$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_5$  ، اور  $u_4$  ، اور  $u_5$  ، اور  $u_6$  ، اور  $u_6$  ، اور  $u_7$  ، اور  $u_8$  ، اور  $u_8$  ، اور  $u_8$  ، اور  $u_9$  ، اور

دور کوسلملہ وار فسنراہم ہائیں سے مواد، سلملہ وار دائیں پلٹ کے محتارج Q<sub>0</sub> سے ای ترتیب مسیں حساس کیا حبا سکتاہے۔

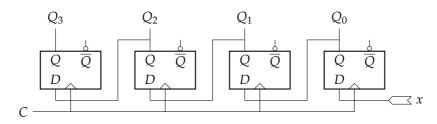
### ۲.۱.۲ بائين انتقت ال دفت ر

شکل ۲.۷ مسیں (سلمہ وار) **بائیرے انتقالے وفتر** کو کھسایا گیاہے، جو مواد کی بائیں نقشل مکانی کر تاہے۔ اسس کی بہن ویٹ بالکل وائیں انتعت ال دفتسر کی طسرح ہے۔ صنعرق صرف اتنا ہے، بائیں انتعت ال دفتسر مسیں دایاں پلیٹ کار کامخسارج پڑوی بایاں پلٹ کار کامداحسن ہے۔

ے کے کنارہ حب ٹرھائی پر دایاں پلٹ کار فضراہم کردہ مواد  $\chi$  کی نقشل مساس کر کے  $Q_0$  پر حنارج کر تاہے۔

shift right register shift left register

۱۸۲



مشكل ٢٠.٣: بإئين انتقت ال دفت ر

ا گلے کن ارہ پر ب مواد Q<sub>1</sub> کو منتقبل ہوگا۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ یہاں مواد دائیں سے فنسراہم کیا گیا ہے، جو دور مسیں سے گزرتے ہوئے مائیں منتقبل ہوگا۔

## ۲.۱.۳ دائين وبائين انتقتال دفت ر

شکل کے ۲۲ مسیں (سلمہ وار) بائیں ووائیں انتقال و فتر پیش ہے جو مواد کی بائیں یاوائیں نقسل مکانی کی صلاحیت رکھت ہے۔
محساری و کی پلٹ کارے مداحنل D اور اسس سے منسلک جمع گیٹ اور (دو) خرب گیٹ پر توجب رکھیں۔ و تابو
امضارہ (بائیں / دائیں) بلند ہونے کی صورت مسیں، دایاں خرب گیٹ معند ور جبکہ بایاں محباز ہو کر، جمع گیٹ تک ورج پہنچ تے ہیں جو D پرخس درج ہو کر بطور وی پہنچ تے ہیں جو D پر دستیاب اور ساعت کے اگلے کسارہ حیورہ طاقی پر پلٹ کار مسیں درج ہو کر بطور وی و کی مورت مسیں، دایاں خرب گار مسیں مواد ہو گی صورت مسیں، دایاں خرب گیٹ ہوا۔ اسس کے بر عکس متابو امضارہ پیست ہونے کی صورت مسیں، دایاں خرب گیٹ ہوا۔ اسس کے بر عکس متابو امضارہ پہنچ تے ہیں، جو آحسر کار وی پہنچت ہو۔ دایوں مواد پہنچ تے ہیں، جو آحسر کار وی پہنچت ہو۔ اور ہول مواد پائیں متعقب ہوتا ہو۔ اور ہول مواد پائیں متنقبل ہوتا ہے۔

بائیں ترین پلٹ کار کو ہیں۔ وفی مواد 14 جب کہ دائیں ترین کو ٪ منسراہم کیا گیا ہے۔ متابوا شارہ ان مسیں سے ایک منتخب کرتا ہے جومط اوب سمت (دائیں پابکس) منتقب ہوگا۔

،  $Q_1$  بائیں نفت ل مکانی کے دوران x پر میں مواد ساعت کے کنارہ حبٹر ھائی پر  $Q_0$  پنجت ہے۔ اگلے کنارہ پر یہی مواد  $Q_1$  اس سے اگلے پر  $Q_2$  اور آحن رمیں  $Q_3$  پنجت ہے۔ دائیں نفت ل مکانی کی صورت مسیں  $Q_1$  پر موجود مواد السل رخ  $Q_2$  سے  $Q_3$  نفت ل مکانی کرتا ہے۔  $Q_3$  نفت ل مکانی کرتا ہے۔

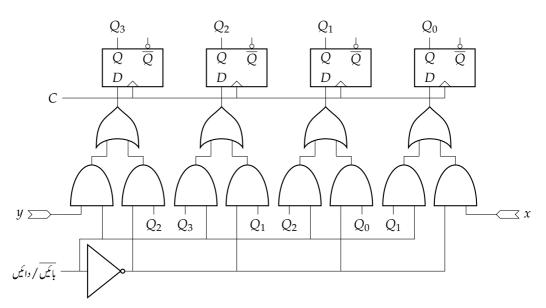
## 

بعض اوت ، و نترمسیں بیک وقت مواد حب را حسانے کی ضرورت پیش آتی ہے۔ شکل ۵.۷مسیں دائیرے انتقالی، متوازی محرائی وفتر مبیش ہے، جس مسیں متوازی مواد بیک وقت حب را مسکن ہے۔ یہ مخصر اُمتوازی وائیرے انتقالے وفتر کہا تاہے۔

پلٹ کار کو جمع گیٹ معلومات سنراہم کرتا ہے جس کو دو ضرب گیٹ مواد سنراہم کرتے ہیں۔ تابو اشارہ

parallel load, right shift register"

\_



مشكل ۴ . 2: ما ئين و دا ئين انتقتال د فت ر

متوازی ہجسرائی عسام طور غیسر فعسال (بلند) رکھا حباتا ہے۔ یوں دایاں ضرب گیٹ معسذور جبکہ بایاں گیٹ محباز ہوکر، بائیں پلٹ کار کامخساری، جمع گیٹ کے راستے پلٹ کار کو منسراہم کر تاہے، جو ساعت کے ایکے کسنارہ حپڑھائی پر پلٹ کار مسین درج ہوگا۔

مواد 20 تا 23 پلٹ کار مسیں حب ٹرھانے کے لئے متوازی بھسرائی پیت کسیاحباتا ہے۔ یوں پلٹ کار کو مواد منسراہم کرنے والا بایاں ضرب گیٹ معد دور جب کہ دایاں محباز ہوگا۔ محباز گیٹ متوازی مواد کو جمع گیٹ کے راستہ پلٹ کار تک پہنچیا تا ہے۔

یوں پلٹ کارمسیں مواد سلسلہ وار (y) یامتوازی ( $z_3$  تا  $z_3$ ) مجسسرا سیاسکتا ہے۔

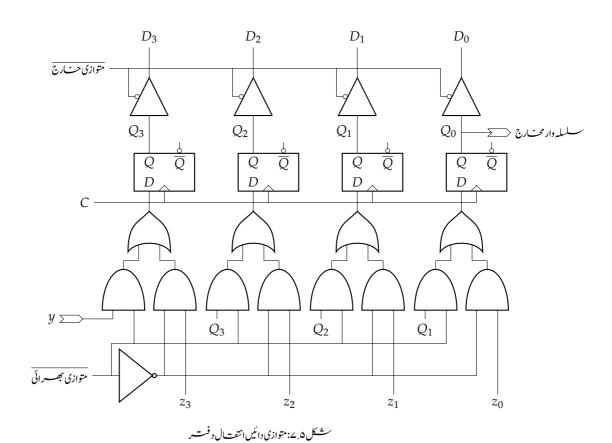
سشکل مسیں پلٹ کار کا محنارج، محباز و معندور مسلامیت مستحکم کارسے منسلک کیا گیا ہے۔ وت ابو احشارہ متوازی حنارج پست کر کے پلٹ کار کا مواد  $Q_0$  تا  $Q_0$  تا  $Q_0$  حاصل کیا جب سکتا ہے۔ وت ابو احشارہ معندور (بلند) ہونے کی صورت مسین مستحکم کار کامخنارج بلندر کاوٹ حسال مسین ہوگا۔

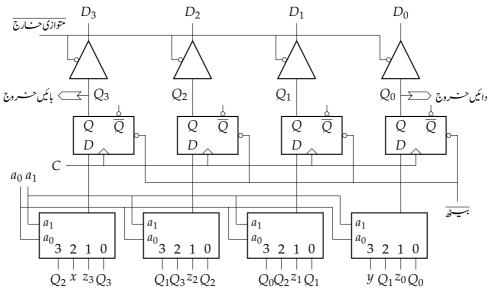
# 2.۳ عبالمسكيرانتفتال دفت ر

ہم مختلف صلاحیت کے دون از پر غور کر چکے، جن کی خوبسیاں ایک دور مسیں سموئی حبا<sup>سک</sup>ق ہیں۔ایسا ایک عالمگیر انتقال حرفتر <sup>م</sup>شکل کے ۲ مسیں پیش ہے۔

universal shift register<sup>a</sup>

المب ٤. دفت ر





شكل ٧.٦: حياربِك، عسالسكيرانتق ال دفت ر

شکل ۲.۷ مسیں حیاریک ان جھے ہیں، جن کی کار کر د گیا ایک حب سے ہے۔ دایاں حسب پر غور کرتے ہیں۔

پلٹ کارک ساتھ چار سے ایک منتخب کنندہ جوڑا گیا ہے۔ پت کے دوبِت  $a_1$  اور  $a_1$  مداحن سیں سے ایک چن کر حنار جی پائی پہنچ سے ہیں۔ مداحن کا انتخب درج ذیل حب دل کے تحت ہوگا۔

$a_1$	$a_0$	$D_0$	
0	0	$Q_0$	حبال بر فتسرار
0	1	$z_0$	متوازی دا <sup>حن</sup> ل
1	0	$Q_1$	دائيںانتقتال
1	1	y y	بائين انتقت ال

پتہ 00<sub>2</sub> مواد Q<sub>0</sub> منتخب کرکے پلٹ کارکے مداحن پر مہیا کر تاہے جوا گلے کن ارہ ساعت پر پلٹ کارکے حنار جی پن پر حنارج ہوگا۔ پول دفت رایت حسال برقت رار رکھے گا (اور مواد دائیں پابائیں منتقب نہیں ہوگا)۔

serial in

output<sup>2</sup>

serial out

المسيار وفتر

یت  $01_2$  مواد  $0_2$  پلٹ کار کومہیا کرے گاجو ساعت کے اگلے کسٹارہ پلٹ کار کے محسارج پر نمودار ہوگا۔ چونکہ  $0_2$  متوازی مہاد دفت مسین حیث ہے گا۔

پت ہے 102 پلٹ کار کو  $Q_1$  مہیا کرے گا۔ یوں موجودہ  $Q_1$  ساعت کے اگلے کنارے پر بطور  $Q_0$  نمودار ہو گا۔ لینی دفت ر مواد دائیں متقت کر کے گا۔

پت۔ 11<sub>2</sub> سلمہ وار مہیا کر دہ مواد y منتخب کرے گاجو ساعت کے اگلے کنارہ پر بطور  $Q_0$  نمودار ہو گا۔ یوں دفت سرمواد بائیں منقتل کرے گا۔

مذ کورہ بالا تحب زہے باقی تین حصوں پر لا گو کر کے عسالم گیے روفت رکی کار کردگی حب دول مسیں پیش کرتے ہیں۔

$a_1$	$a_0$	$D_3$	$D_2$	$D_1$	$D_0$	
0	0	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	حسال برفت رار متوازی داخش دائیں انتقت ال بائیں انتقت ال
0	1	$z_3$	$z_2$	$z_1$	$z_0$	متوازی دا <sup>حن</sup> ل
1	0	x	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	دائيں انتقت ال
1	1	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	y	بائيں انتقت ال

مثق اے: انٹ رنیٹ سے عبالسگیر انتقال دفت ہر 74194 کے معلوماتی صفحیات حیاصل کریں۔ یہ کتنے بِٹ کا عبالسگیر انتقال دفت ہے؟

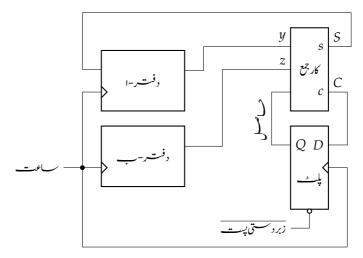
## 

صفی۔ ۱۵۹ پر سٹکل ۲۴.۲۸ مسیں سلمہ وارشنائی جمع کارپیش ہے جس کواستعال کر کے سٹکل ۷.۷ مسیں پیش متعب د بیٹ سلمہ وارشنائی جمع کار حساصل کیا گیا۔ یہاں 11 بٹ متوازی دائیں انتصال دفت ر (ااور ب) مستعمل ہیں۔

ساعت کے پہلے کنارے سے قبل (یعنی مجبوعہ لینے سے قبل)، وفت رامسیں شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست کسیاحب تا ہے (تاکہ مکسل جع کار کاداحنلی حساسل 0 ہو)۔ شکل مسین متوازی حسائی نہیں دکھائی گئی تاکہ اصل موضوع پر توجہ رہے۔

کسل بیخ کار ان دوشنائی اعبداد کے کم تر تی بیٹ اور داحنلی حساس ل جیخ کر کے بیٹے  $s_0$  اور حسار بی حساسل  $c_1$  حسارت کرتا ہے۔ ساعت کے پہلے کسنارے پر  $c_1$  کو ڈی پلٹ کار محفوظ کر کے ایگلے شنائی بٹ کی بیٹے کے دوران مکسل بیخ کار کو بطور داخنلی حساسل و نسراہم کرتا ہے جب د فتسر – ااور د فسسر – ب ایگلے شنائی بٹ و نسراہم کرتے ہیں۔ بیخ  $s_0$  مشکل مسیں د فسسر – اور مہیا کہا گیا ہے۔ یوں جیسے جینے د فسسر شنائی عسد و کا دائیں حبانب حسارت کرتا ہے والے اسس کی جگہ دو اعمد د کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد دو کرتا ہے والے اسس کی جگہ دو اعمد اد کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد دو

۸۷.۷. سلمله وارشنائی جمع کار



شكل 2.2: متعبد دبث سلسله وارشنائي جمع كار

شنائی اعبداد کا محبسوعہ دفت سر-امسیں محفوظ ہو گاجہاں سے اسے متوازی پڑھا حبا سکتا ہے جبکہ محبسوعے کا آحنسری حساسل کھسل جمع کارکے محنارہ 2 سے پڑھا حباسکتا ہے۔

### سوالات

سوال ا. 2: حیار بیسے سلسلہ وار دائیں منتقبل و فت رسیس ابت دائی شنائی مواد 1011 موجود ہے۔ دفت رکا محنارج ای دفت رکو بطور مداحنل مہیا کیا حیاتا ہے۔ سات ساعت کے کنارے گزرنے کے بعید دفت رسیس کیا عید د ہوگا؟

جواب: 0111

سوال 2.۲: گزشتہ سوال مسیں دائیں منتقتل د فت رکے بحب نے بائیں منتقتل د فت راستعال کرتے ہوئے جواب معسلوم کریں۔ جواب: 1101

سوال ۲.۳ : گزشته دوسوالات مسین ساعت کے ہر کنارے پر دفت رمسین شنائی عب دمسلوم کریں۔

جواب: 0110 ، 10101010

۱۸۸ پاپے کے دفت ر

سوال 2.2: گزشته سوال مسین بائین منتقب د فت راستعال کرتے ہوئے جواب حساصل کریں۔ حپاریِٹ مداحسٰل کابلٹ د تربِٹ پہلے فسسراہم کمیاحباتا ہے۔

جواب: 1011 ، 01101010

سوال ۲۷: آٹھ ہٹ کے دوعہ د ہائیں انتقت ال دفت راستعال کرتے ہوئے سولہ ہٹ کابائیں انتقت ال دفت رحب صل کریں۔ سوال ۷۷: شکل ۷۷ مسیں سلیلہ وارشنائی جج کار دکھیا یا گیا ہے۔ آٹھ بٹ دفت ر۔ امسیں 11001010 اور آٹھ بٹ دفت ر۔ امسیں 11100001 اور آٹھ بٹ دفت ر۔ امسیں کی بست کھیا گئی ہیں۔ کرنے کے بعد ساعت کے آٹھ کن ارب گزرتے ہیں۔ ساعت کابر کن ارہ گزرنے کے بعد دفت ر۔ امسین کی مواد موجود ہوگا؟

جواب: پہلے کنارے کے بعد دفتر-امسیں 11100101 ہوگا۔ آھندی کنارے کے بعد C=1 اور دفتر-امسیں 10101011 ہوگا۔

سوال ۸۔2: سلملہ وارشنائی جمع کارسے سلملہ وارشنائی منفی کار ساصل کریں۔ منفی کر دہ عسد د کا تکمسلہ د فتسر – ب مسیں متوازی لکھنا بھی د کھائیں۔

# اب ۸

# گنے۔ کار

شنائی گنت کار آپ دیکھ چے ہیں۔ گنت کار کابنیادی مقصد داخلی برقی اشارے ای گنتی کرناہے۔ برقی اشارہ اے بطور ساعت یا سامت یا سامت یا سامت کے طور پر مہیا کیا حب تا ہے۔

وہ و فتر جس کے حنار بی برقی احشارات شنائی گسنتی کے تحت رتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں ثنائی گئے کار کہلاتا ہے۔وہ د فت رجس کے حنار بی احشارات اعشاری گسنتی کے تحت رتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں اعتار کھے گئے کار کہلاتا ہے۔

> ان کے عسلاوہ، کوئی بھی دور جو کسی متعسین ترتیب کے تحت متواتر حسال تب دیل کر تاہو گنت کار کہائے گا۔ گنت کار ادوار پر اسس باہے مسین غور کسیا حبائے گا۔

## ۸.۱ شنائی گنت کار

حپاربِٹ شنائی سید ھی گسنتی و 00000 تا 11112 مسکن ہے۔ ای طسرح النی گسنتی و 1111 سے شروع ہو کر 00000 پر جستم ہوگی۔ دونوں صور توں مسیں گسنتی پوری ہونے کے بعد عصوماً دوبارہ نئے سرے سے مشروع کی حباتی ہے۔ مشکل ۱۸۔ الف مسین چار ہے۔ ثنائی اللے گنتے کار مہیت ہیں۔ ان کی بیاد سے متابی کی مسین جستی ہیں۔ ان کی بیاد میں بیاد میں

ثنائی گنھ کار میں بہتے بھی دکھ ہے ہیں۔ سیدھ گنھ کار میں زبرد ستی بلند (و) این غیر نعال رکھا جاتا ہے۔ گنتی سندوع کرنے سے قبل زبرد ستی پست کولمحساتی پست (و) کرے گنتی (کی ابتدائی تیمت)

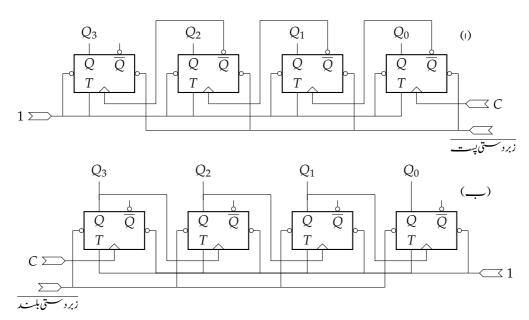
electrical signal

four bit binary up counter

four bit binary down counter

binary counter

۱۹۰ باب۸. گنت کار



شکل ۱.۸: سیدهااور الٹ گن**ت** کار

0000<sub>2</sub> کی حباتی ہے۔ گئنتی کے دوران کی بھی وقت زبردستی پیت احشارہ پیت کر کے گئنتی دوبارہ صف رسے حشر وی کی حباسکتی ہے۔

النے گئنے کار میں زردستی پیت کو غیر فعال رکھا جاتا ہے جب نزردستی بلند امشارے کو گئنے کار میں زردستی بلند امشارے کو گئنی مشاروع کرنے سے قبل لمحاتی فعال کر کے گئنی 1111 سے مشروع کی حباتی ہے۔ گئنی دوران کی بھی وقت اس امشارے کویت کر کے گئنی دورادہ 11112 سے مشروع کی حباستی ہے۔

سیدھے گنت کار کو مثال بنتے ہوئے ایک اہم صورت حسال پر غور کرتے ہیں۔ شکل مسیں بایاں ترین پلٹ، ساعت کے (ہر) کندارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتا ہے۔ ساعت کے کندارہ حپڑھائی کے کچھ دیر بعد  $\overline{Q}_3$  حسال تبدیل کرے گا۔ اس دورانی کو پلٹ کا دورانیہ روعکی آئے ہیں۔ یوں اگلے پلٹ کو، جے  $\overline{Q}_3$  بطور ساعت مندراہم کیا گیا ہے ، حسال تبدیل کرنے کا خب راصل ساعت (کے کندارہ حپڑھائی) ہے کچھ دیر بعد پہنچتا ہے۔ اسس پلٹ کو بھی میناری ( $\overline{Q}_2$ ) تبدیل کرنے کا خب راصل ساعت دورانی رد عمسل بھنا وقت در کار ہوگا۔ ای طسر آسس ساما گلے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں اس ساعت الگے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں کا درانے در دعمسل کے دی دورانی در در عمسل ساعت در کار مینارہ در عمسل ساعت کے درار تاخیس سامال کا دی کے درانے در درانے در درانے در دعمسل کے درگے وقت کے برابر تاخیس سامال گا

آپ و کیھ سے ہیں اسس دور مسین تمسام پلٹوں کے محسارج بیک وقت سبدیل نہیں ہوں گے بلکہ محسارج کی سبدیلی بائیں پلٹ سے سضہ وع ہوتی ہے اور بدستور دائیں حبانب بڑھتی ہے۔ محسارج کی سبدیلی اسس دور مسین لہسر کی طسرح گزرتی

propagation time<sup>a</sup>

۸.۲ معیاصر گنت کار ۸.۲



مشكل ٨.٢: معاصر شنائي گنت كار

ہے۔ یوں اسس طسر آ دوار کو اہریا گنے کار ایک بیں۔ یوں موجودہ دور اہریا ثنائی گنے کار کہ ساتا ہے۔

عسین ممسکن ہے کہ آحن ری پلٹ تک سعت کی خب رہنجنے سے قب ل سعت کا نسیا امثارہ پہلی پلٹ کو ملے۔ یوں آحن مری پلٹ گزشتہ ساعت گننے کے مطابق جب کہ پہلی پلٹ نئی سعت گننے کے مطابق ہو گااور گسنتی عناط ہو گل۔ متعد دپلٹ پر مبنی لہدیا گنت کار مسین اسس مسئلہ کی توقور تھیں۔

معاصر گنت کاراسس مسئلہ سے پاک ہیں۔ آئیں ان پر غور کرتے ہیں۔

## ۸.۲ معاصر گنت کار

معاصر گئتے کار مسین تمام پلٹ کوایک ہی ساعت مہیا کی حباتی ہے البندا تمام پلٹ ہیکوقت نیاحال افتیار کرتے ہیں۔ ان ادوار مسین ہم پلٹ کے مداحسل پر ترکسی دور نصب کر کے ، اے اگلی ساعت کے کنارے پر، بلند پایست ہونے کا امشارہ مہیا کہ حباتا ہے۔ پلٹ اگلی ساعت کے کنارے پر اسس امشارے کے مطابق حسال افتیار کرتا ہے۔ یہ فیصلہ کہ اگلی ساعت پر پلٹ بلندیا ہیت حسال افتیار کرے گا، دور کے موجودہ حسال کو دکھے کر کمیاحب تا ہے۔ اسس طسریق کارکوچند مشالوں سے مسجھتے ہیں۔

### ۸.۲.۱ معاصر شنائی گنت کار

تا ہے معاصر ثنائی گنتے کار مشکل ۲.۸ مسیں پیش ہے۔ منارج Q<sub>0</sub> کمت ررتی ہدجبکہ Q<sub>2</sub> بلند زرتی ہِد کے۔ اس دور کی بناوٹ سیکھتے ہیں۔

حبدول ۱.۸ مسیں موجودہ عال کی قطار مسیں تین بِٹ شن کی گئے ہو کی بھی لیحے پلئے کاموجودہ حال پیش کرتی

ripple counter

binary ripple counter<sup>2</sup>

three bit synchronous counter<sup>A</sup>

حبدول آرم: معساصر شناقی کنیت کاریے حسال	ما المرشن ائی گنت کارے حال	حبدول ۸.۱ معب
---	----------------------------	---------------

ال	جو دہ حب	iga n	اگلا حسال			(	بداحنا	•
$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	T <sub>2</sub>	$T_1$	$T_0$
0	0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	1	0	0	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	1	1	0	0	1
_ 1	1	1	0	0	0	1	1	1

حبدول ۸.۲: في پلين کي کار کر د گي

$$\begin{array}{ccc}
T & Q_{n+1} \\
0 & Q_n \\
1 & \overline{Q}_n
\end{array}$$

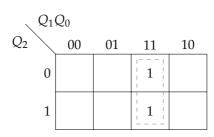
ہے۔ موجودہ حسال استعال کرتے ہوئے باقی جدول حساس ہوگا۔ حبدول کی پہلی صف پر غور کریں جہاں موجودہ گسنتی یا موجودہ حسال 2000 ہے۔ ہم حیاج ہیں کہ اگلاعہد و 001 ہو، البندا الکھ عالی کی پہلی صف مسین ہم 2010 کھتے ہیں۔ آحنسری صف مسین موجودہ حسال 111 ہے۔ تین بیٹ استعال کرتے ہوئے یہیں تک گسنتی مسکن ہے۔ اسس آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ ہیں گسنتی تک پہنچ کر ہم دوبارہ 2000 ہے گسنتی شہروغ کرتے ہی، البندا آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ ہیں موجودہ حسال کی دوسری صف موجودہ حسال کی تیسری صف ہوگا۔ اس کی دوسری صف ہوگا، اور موجودہ حسال کی پہلی صف اگلے حسال کی توسری صف ہوگا۔

پہلی صف کے کمت رہ تی بِٹ  $Q_0$  پر غور کرتے ہیں۔ اسس بٹ کی موجودہ قیت کو موجودہ حسال  $Q_0$  ظاہر کرتا ہے جو 0 ہے جب اسس کی اگلی قیت اگلاحسال  $Q_0$  ظاہر کرتا ہے جو 1 ہے۔ ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ساعت کے کسنارہ حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات کی بہلی صف میں  $T_0$  کی تیت  $T_0$  کرتے ہوئے کے معناری میں مواظر کاحنات بناکر اسس کی پہلی صف میں  $T_0$  کی تیت  $T_0$  کی تیت ہیں۔

0 ای  $(\frac{y-1}{y-1})$  صف مسیں انگلے بنہ  $Q_1$  پر غور کرتے ہیں۔ اس بنہ کی موجو دہ قیت 0 ہو اور اس کی اگلی قیت بھی 0 ہے، 0 المهندان اعت کے انگلے کنارے پر ہم نہیں حہا ہے کہ بہ پہلٹ این حسال تبدیل کرے ایوں اس پلٹ کے مداحن  $T_1$  کوپت رکھنا ہوگا۔ اس طسر  $T_1$  کے حنانے مسیں  $T_1$  کی تیاں۔ مداحن کے کے جب دول کے حن نے گر کے گئے ہیں۔

دور بنانے کے لئے حبدول ۱.۸ مسیں مدافلوں کی قطب راستعال ہو گی جس سے محبوعہ ارکان ضرب کی ترکیب سے درج

۸.۲ معاصر گنت کار



$$T_2 = Q_1 Q_0$$

$Q_1Q_0$									
$Q_2$	00	01	11	10					
0		1	1						
1		1	1						

$$T_1 = Q_0$$



 $T_0 = 1$ 

شکل ۸.۴۰ تین بٹ معیاصر گنت کار کی سادہ مساواتیں

زیل مساوا<u>ت لکھے</u> حباسکتے ہیں۔

$$T_0=1$$
 
$$T_1=\overline{Q}_2\overline{Q}_1Q_0+\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2\overline{Q}_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$
 
$$T_2=\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

ہے۔ مباوات موجودہ حسال کی قیمتیں مدِ نظر رکھ کر لکھی گئی ہیں۔ حب دول ۸۔ امسیں موجود مواد سے سشکل ۳۰۸مسیں پیش

۱۹۴ باب۸. گنت کار

کارناف فقثوں کی مدد سے درج ذیل سادہ مساواتیں حساصل کی گئی ہیں۔

$$T_0 = 1$$
 
$$T_1 = Q_0$$
 
$$T_2 = Q_1 Q_0$$

شکل ۲.۸ مسین تین پلوں کومساوا۔ ۲.۸ ہے حسامسل برتی اشارا۔ بطور مداحسٰل منسراہم کرکے **تابی** پھے معاصر ثن**ائی گزشے کار <sup>9</sup>حسامسل** کسیا گسیا ہے۔

$$egin{aligned} T_0 &= 1 \ T_1 &= Q_0 \ T_2 &= Q_1 Q_0 \ T_3 &= Q_2 Q_1 Q_0 \end{aligned}$$

### ۸.۲.۲ شنائی مسر موزاعث اری معیاصر گنت کار

گزشتہ ہے مسیں تین بِٹ شن کی گنت کار پر خور کے گیا، جو 0000 تا 1118 گسنتی کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حیار بِٹ شن کی گنت کار کو 20000 تا 1111 شن کی گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن کی گنت کار کو 20000 تا 1111 شن کی گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن کی گنت کار کو 20000 تا 10012 گسنتی کار احساس ہوگا، جس پر اسس ہیں۔ حید ول مسیں خور کی حیار کا اضاف خور کی میں شن کی مسرموز اعشاری گنت کار کے حیال پیش ہیں۔ حید ول مسیں مخالج کی قطار کا اضاف سے کسیا گیا ہے۔ محناری کو صف سرے نو تک گسنتی پوری ہونے پر ساعت کے ایک دور کی عرصہ ساکے لئے بلند ہوتا ہے۔ مم آگے دیکھیں گے کہ کا استعال کرتے ہوئے متعدد اعشاری ہند سول گئنت کار تحنیق و جاتے ہیں۔

three bit synchronous binary counter9

four bit synchronous binary counter

BCD decimal counter"

time period"

	$Q_1$	$Q_0$			
$Q_3Q_2$		00	01	11	10
	00			1	
	01			1	
	11			d	d
	10	d	d	d	d

_	$Q_1$				
$Q_3Q_2$		00	01	11	10
	00				
	01			1 1	
	11		1	d	d
	10	d	d	d	d

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

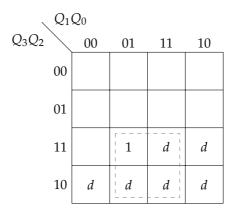
$$T_3 = Q_3 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0$$

\	$Q_1Q_0$								
$Q_3Q_2$		00	01	11	10				
	00	1	1	1	1				
	01	1	1	1	1				
	11	1	1	d	d				
	10	d	d	d	<i>d</i>				

\	$Q_1$	$Q_0$			
$Q_3Q_2$		00	01	11	10
	00		1	1	
	01		1	1	
	11			d	d
	10	d	d	d	d

 $T_0 = 1$ 

$$T_1 = \overline{Q}_3 Q_0$$



$$y = Q_3 Q_0$$

	حال	موجوده			سال	اگلا حـ		مخنارج		نل	مدا <sup>ح</sup>	
$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	y	T <sub>3</sub>	$T_2$	$T_1$	$T_0$
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1
0	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
_ 1	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	0	1

### حبدول ۸٫۳:شنائی مسرموز اعشاری گنیسکار کے حسال

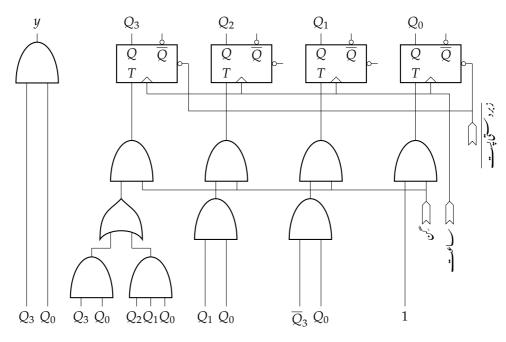
1000 تا 1010 تا 1010 تا 1010 ترتیب استعال نہیں ہوتے، اہند اکارنان نقتوں کی مدد سے پلیوں کے مداخشل کر تاریخت کی میں میں میں میں میں اور میساوات سے مسل کرتے وقت انہیں غیر ضرور کی حال تصور کیا جاتا ہے۔ مشکل  $T_3$  تاریخت کی سازہ مساوات سے مسل کرناد کھایا گیا ہے۔  $T_4$ 

$$T_0 = 1$$
  $T_1 = \overline{Q}_3 Q_0$   $T_2 = Q_1 Q_0$   $T_3 = Q_3 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0$   $y = Q_3 Q_0$ 

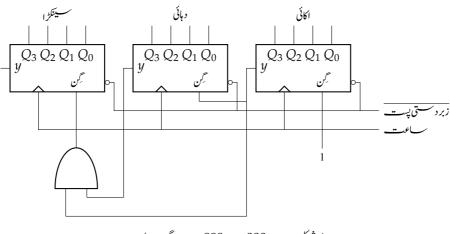
ان مساوات سے حساسل دور مشکل ۵.۸ مسین پیش ہے، جہاں تمسام پلٹ کے مداحسٰل پر اضافی ضرب گیٹ نصب کر کے گسنتی مشروع اور روکنے کی اصافی صلاحیت بھی پیدا کی گئی ہے۔ ان اصافی ضرب گیٹوں کو برقی امشارہ گرخ مہیا کسیا گسیا ہے۔ یہ امشارہ بلند ہونے کی صورت مسین دور گسنتی کر تا ہے اور امشارہ پیت ہونے کی صورت مسین گسنتی روکتا ہے۔

مشکل ۲۰۸ مسیں تین درجی دور بنایا گیا ہے جو 00000 تا 999و0 گستی کرتا ہے۔اے بنانے کی حناطسر تین عدد مثالی مرموز اعتار کے گئنہ کار (شکل ۵۰۸) استعال کیے گئے۔ای طسرح مسزید در حبات جو ڈکر درکار ہند موں کا گنت کار جسنایا جاتا ہے۔ اکائیوں کی گسنتی 910 کو پینچنے پر اکائی گنت کار بلند ہو حناری کرتا ہے جو دہائی گنت کارے گیخ مداحنل کو صندائم کمیا گیا ہے۔ یوں ساعت کے اگلے کسنارے پر دہائی کی گسنتی مسیں 1 کاامن اف ہوگا۔ ای طسرح 99 کو پینچنے پر سینکوا گئنت کار کا گھنے مداحن بالمند ہوگا۔در کارائے کے کسنارہ ساعت پر سینکوا گئنت مسیں 1 کاامن اف ہوگا۔

۱۹۸ معاصر گنت کار



شکل ۸.۵:شنائی مسرموزاعثاری معساصر گنت کار



شكل ٨٠١ ، 000 تا 999 معاصر گنت كار

اب۸. گنت کار

اس دور کی کار کرد گی تھے یوں ہے۔ گنتی شہروع کرنے سے قبل زبردستی پیسے کو لمحسانی پیسے کرکے گنتی  $000_{10}$  دی حیاتی ہے۔ ساعت کے کنارہ حید رہائی اور سیکڑا کی گستی ہیں۔ کا گوئی ہند سے کی گستی ہیں اکائی درجہ کا محنارج y پیسے رہت ہے جو دہائی اور سیکڑا کی گستی روک کرر گھت ہے۔ گستی  $009_{10}$  تا ہے دور کی عصر میں کے لئی بدد موالا میں اور کی کا محنارج y ایک موجوبا کے محسارہ میں گا، جب دہائی درجہ کا ہمند سہ 010 سے بڑھ کر 011 ہو حب کے گااور ای وقت اکائی کا محنارج y واپس پیسے حسال اختیار کر گا، جب دہائی درجہ کا ہمند سہ 010 سے بڑھ کر 011 ہو حب کے گااور ای وقت اکائی کا محنارج y واپس پیسے حسال اختیار کر کی رہتی ہے۔ ای طسر ح 010 بعد اکائی اور دہائی در حب سے محنارج y بلند ہوتے ہیں جس کی وجہ سے اگلے میں میں جس کی وجہ سے اگلے حسان حسل کی درجب سے اگلے درجہ سے اگلے میں جس کی وجہ سے اگلے حسان کی محنارج y دوہارہ پیسے ہوجہائی اور دہائی در حبات وجہائی گا جب کہ اکائی اور دہائی درجہات y وجہائیں گا ورب اگلی وردہائی درجہائیں گا ورب اگلی اور دہائی درجہائیں گا ورب ایک گا وہ جب کی گا وہ دہائی اور دہائی درجہائیں گی وجہائیں گا وہ دہائی اور دہائی درجہائیں گا وہ دہائی درجہائیں کے گا وہ دہائی درجہائی درجہائیں کے دہائی درجہائی کے گا وہ دہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی کے کہ درجہائی کے درجہائی درجہائی کے کہ درجہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی درجہائی کے درجہائی درجہائی

مثق ا.٨: انسٹرنیٹ سے 7493 اور 4516 کے معسلوماتی صفحات حساس کریں۔انہیں استعال کرتے ہوئے متعبد دبٹ گنت کار تحضایق دیں۔

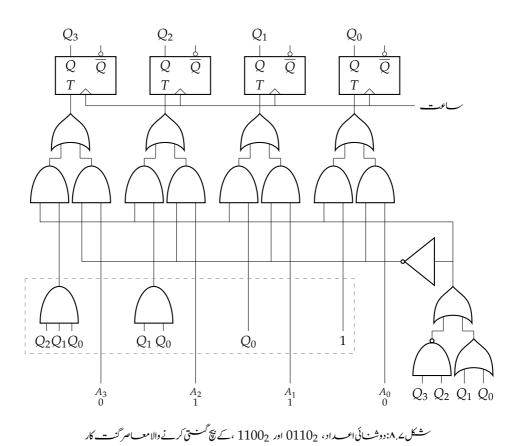
## ۸.۳ دیگر گنت کار

# ۸.۳.۱ متغب رلمبائی گنت کار

 $= \sqrt{1000}$  تا = 1111 گستی کرتا ہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے نی گستی کرتا ہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے نی گستی کرنے پر محببور کمیا حب ساتھ ہے۔ جس عدد سے گستی کا آغناز کرنا ہووہ عدد دور کو متوازی و مسراہم کریا جب تا ہے کہ وہ دوبارہ متوازی و مسراہم کردہ عدد داحن کرکے گستی از سے نوشروع کرے۔

variable length counter"

۸٫۳ دیگر گنت کار



۲۰۰ پاب۸. گنت کار

حبدول ۸.۴: بے ترتیب گنت کار، برائے مثق ۲.۸

موجو ده حسال							
$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$					
1	0	1					
0	1	1					
1	1	0					
0	1	0					
1	0	0					
0	0	0					
0	0	1					

دورمسیں 01102 پہلی مسرتب داخنل کرنے کاطسریق، نہیں دکھایا گیا۔

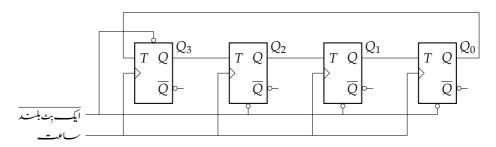
### ۸.۳.۲ کنت کار

معاصر شنائی گنت کار پر بحث کے دوران حبدول ۱۸ اپیش کیا گیا۔ اسس حبدول کے موبودہ مالی حنانوں مسیں 000ء ، 001ء ، 000ء ، 000ء کیا تا جبدول حساسل کیا گیا۔ یوں حساسل گنت کار 000ء کے بتدریج بڑھتے ہوئے 111ء تک گنت ہے۔

یہ ضروری نہیں کہ گنت کارعیام فہم گنتی کی ترتیب مسین ہی گئنے۔ موبودہ عالی صفوں مسین کوئی بھی ترتیب ککھی حباست ت سنتی ہے۔ فقط است نحییال رکھنا ضروری ہے کہ ہر صف مسین منف روعب در لکھ اسے باقی حب دول ان اندراج کے مطبابق پورا کرنے ہے ایس گئنت کار حساسل ہو گاجو موبودہ عالی صفوں مسین لکھے گئے اعبداد کے مطبابق گسنتی کرے گا۔ ہم اسس کو لیے ترتیبے گئنتے کار پارسکتے ہیں۔

مثق ۸.۲: ایس بے ترتیب گنت کار تخلیق دیں جو بدول ۴۰۸ مسیں پیش اعبداد کی ترتیب کے مطابق گنت ہو۔ 001 دے گاور 2012 دے گاور 2012 دے گاور 2012 دے گاور 2012 تک یہنے کے بعد دوبارہ 2012 کے گئٹ شروع کرے گا۔

۸٫۳ دیگر گن<u>ت</u> کار



شنگل ۸.۸: چسلا گنسه کار حبد ول ۸.۵: حسار بث چسلا گنسه کار

	حال	موجو ده			سال	اگلا حـ			نل	مداح	
$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	$T_3$	$T_2$	$T_1$	$T_0$
1	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0	1	0 0	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0

### ۸۳۳ جيسلا گنت کار

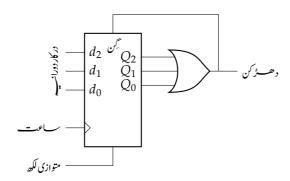
ring counter"

باب۸. گنت کار

Q	$_1Q_0$			
$Q_3Q_2$	00	01	11	10
00	d	$\begin{bmatrix} 1 \end{bmatrix}$	d	0
01	0	$\begin{vmatrix} 1 \\ 1 \end{vmatrix}$ d	d	d
11	d	d	d	d
10	0	d	d	d

 $T_3 = Q_0$ 

شکل ۸.۹: چیسلا گن<u>ہ</u> کار کے مدا<sup>حن</sup>ل 7<sub>3</sub> کا حصول۔



شکل ۱۰ د هسژ کن پیپداکار

### ۸.۳.۴ د هسر کن پیداکار

بعض اوت اسے ہمیں مقسررہ دورانی کابلٹ یاپسے احشارہ در کار ہوتا ہے۔ تین بِٹ کامع اصر شن انی الٹ گنے کار استعمال کرتے ہوئے ایسا دور تشکیل دیتے ہیں۔ اسس دور کوہم **دھر کھنے پیدا کار** ۱۵ کہیں گے۔

تین بِٹ الٹ گنت کار 111 تا 000 دہراتا ہے۔ شکل ۱۰۸ مسین متوازی دخول صلاحیت رکھنے والا تین بِٹ الٹ گنت کار استعال کی گئی بلند ہو۔ اسس دور کو تین بِٹ بطور در کار گنت کار استعال کی گئی بلند ہو۔ اسس دور کو تین بِٹ بطور در کار در کار در ایس کی حباتے ہیں۔ جب دورانی متوازی کھی مداحن لی البند کرنے ہے گئت کار مسین کھے حباتے ہیں۔ جب تک گئت کار کے شینوں حناری بِٹ بیکوقت پہت ان ہوں جج گیٹ بلند رہتا ہے لہٰذا گئت کار الٹ

pulse generator 10

السنة المستقلة المست

۸٫۳ دیگر گنت کار

گسنتی حباری رکھے گا۔ جیسے ہی گنت کار 000<sub>2</sub> کو پنچت ہے، جمع گیٹ کامختارج پیت ہو گا اور گنت کار گسنتی روک دے گا۔ یوں تین ہے مسیں پیش در کار دورانے کے لئے وھڑ کر بلندرہت ہے۔

#### سوالا\_\_\_\_

سوال ۸۰۱: حیار برئے معاصر سیدھا گئت کارکی موجودہ گئتی 20101 ہے۔ ساعت کے کتنے کناروں بعد 80000 ہوگا؟

جواب:گسپاره کٺارول بعسد

موال ۸.۲: سولہ بنہ معاصر گنت کارکی موجودہ گنتی ہے۔ ماعت کے کتنے کن ارنے کے بعد موال ۱۸.۳ ہوگا(ا) تصور کریں ہے۔ ساعت کار ہے۔ (ب) تصور کریں ہے۔ النہ گنت کار ہے۔

 $16295_{10}$  (\_\_,),  $49241_{10}$  (1):\_,139.

موال ۱۸۳٪ حیار بٹ شنائی اہم ریا گئت کاراستعال کر کے شنائی مسر موزاعشاری گئت کار بنایاحب سکتا ہے۔ لیس است کرنا ہو گا کہ 10102 پر پہنچ کر گسنتی فوراً زبرد ستی 20000 کی حبائے۔ زبرد ستی پست صلاحیت رکھنے والی پلٹ استعال کرتے ہوئے دور شخنی ور یں۔

سوال ۸.۴: وی پلٹ استعمال کرتے ہوئے حیار ہے معاصر شنائی گنت کار تشکیل دیں۔

سوال ۸.۵: جے کے پلنے استعال کر کے ایس معاصر گنت کار تفکسیل دیں جو 0 ، 2 ، 3 ، اور 7 کا گر دان کرے۔ جبدول کھیے کرے سشہ وغ کریں۔ گنت کار مسین زبر دستی پست کامداحن کی رکھسین تاکہ 0 سے گر دان سشہ وغ کی جبائے۔

#### جواب:

ى	جو دہ گٺ	مو	اگلی گٺتی			
$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_0$	
0	0	0	0	1	0	
0	0	1	d	d	d	
0	1	0	0	1	1	
0	1	1	1	1	1	
1	0	0	d	d	d	
1	0	1	d	d	d	
1	1	0	d	d	d	
1	1	1	0	0	0	

سوال ۸.۲: ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ایسا حیار بٹ شنائی معسامر گنت کار تشکیل دیں جو صف (00002) سے چودہ (11112) تک جفت گسنتی کرے اور اور (11102) تک جفت گسنتی کرے اور اسس ترتیب کودہ راتار ہو۔ ابت دا 20000 سے کریں۔

سوال ۸.۷: ایسا حیارب چھالاگنت کار تحنیق دیں جو بلت دین کو Q<sub>1</sub> سے Q<sub>1</sub> رخ گھساتا ہو۔

۲۰۴ الت کار

سوال ۸.۸: سشکل ۱۰.۸ مسین دهسٹر کن پیداکار (دورانی پیداکار) دکھایا گیا ہے۔ ساعت کاتعدد 10 MHz اور درکار دورانی 500 ns ہے۔ درکار دورانی کے تین بٹ کسیاہوں گے؟

جواب: 110<sub>2</sub>

سوال ۸.۹: کارناف نقتے استعال کر سے مساوات ۸.۳ حساصل کریں۔ گنت کار سے حبدول سے ابت داکریں۔ سوال ۸.۱۰: جے کے پلٹ استعال کرتے ہوئے مساوات ۸.۳ کی متبادل مساوات کمیاہوں گی؟

# 9\_\_\_\_

# حسافظ

ایک پار ایک بیار ایک میارید معلومات (مواد) ذخیره کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ شنائی ہندے کو پہلے ایک کہتے ہیں۔ یوں ایک پلٹ ایک شنائی ہند مده فاقط کے طور پر کام کر سکتا ہے۔ آٹھ پلٹ جوڑ کر آٹھ شنائی ہند مدہ حافظہ میں مسلل کیا جہ ایک طسر تا ہوئی ہند کو ایک حاصل کیا جہ ایک طسرت اور کر میں کہ بیٹ کے وایک ہمشتمی عدد یا ایک بائے میں انظاظ کا کہائی قطعی مہمتمی عدد یا ایک بائے میں انظاظ کا کہائی قطعی مواد کو لفظ کہتے ہیں۔ حافظہ میں موجود کل حافظ ہوتی ہے۔ یوں آٹھ بند فظ ایک بائے پر مشتمل ہوگا جب مواد وائے بر مشتمل ہوگا جب ہوں دو سوافعاظ کا حافظہ جس میں ہر لفظ ایک بائے پر مشتمل ہو وو سو کی بیٹ کشی بائے میں مواد داخن کرنے کو مواد لکھنا میں انہیں تم کے بر قبائی سب کہتے ہیں جب مواد کھنا کی جب انظے مواد پڑھنا کیا جب کی حافظہ کا حافظہ کا حافظہ کا حافظہ کا حافظہ کا حواد کھنا میں متب کی بھی معت میں معت میں معت میں ہوگا ہے۔ میں کی بھی معت میں محفوظ رہتی ہے جتنی دیر حافظہ کو در کار برتی طباقت مہت کی جب کی حب کے۔ کی بھی وقت ، عدار ضی حدافظہ میں کی بھی معت میں کہ بھی معت میں کہ بھی معت میں کہ بھی معت میں معت میں در کار وقت تمام معت امات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اس دورانیہ رسائی یا اس میں میں معت میں معت مات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اس دورانیہ رسائی یا اس سے پڑھے میں در کار وقت تمام معت امات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اس دورانیہ رسائی یا اس سے پڑھے میں در کار وقت تمام معت امات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اس دورانیہ رسائی یا اس سے پڑھے میں در کار وقت تمام معت امات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اس دورانیہ رسائی کے کا دورانیہ رسائی گیا۔

bit'
memory'
byte'
word'
write'
read'

random access memory, RAM<sup>2</sup> access time<sup>A</sup>

نے کامفہوم	, سے مواد مٹا۔	حسافظ _	حبيدول ٩.١٥:
------------	----------------	---------	--------------

1111 1111	1011 0101
1111 1111	0000 0000
1111 1111	1111 1111
1111 1111	0110 0110

کاعن ذیر لکھائی کومٹ نے سے صاف سے تھراکاعن ذمات ہے۔ پلٹ ہر صورت بلٹ دیا پیت حسال ہوتا ہے لہاندا اسس سے مواد کاعن ذکی طسرح نہیں مٹیا جب سالاً۔ لکھائی سے صاف حسافظہ سے مسرادوہ حسافظہ ہوگا جس کے متمام ہٹ بلٹ د (1) ہوں۔ حبدول ہوا مسیں آٹھ بِٹ لمب کی کے حب الفظ حسافظہ استعال کرتے ہوئے مواد سے بھسرے اور حسافظہ کی وضاحت کی گئی ہے۔ یقیدیاً، حسافظہ کے تمام بٹ پر 1 لکھنا اور حسافظے سے مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔ مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔

## ا. 9 عبار ضي حيافظ

اسس مے مسین عبارضی حیافظے کی بناوٹ پر غور کیا حبائے گا۔ایک بخت حسافظہ بنیادی طور ایک پلٹ ہوگا، جس مسین مواد لکھنے اور پڑھنے کی صلاحیت موجود ہو گی۔ حسافظہ عصوماً کشیر تعداد بڑوں پر مشتمل ہوگا، جس مسین ہر پلٹ تک، لکھنے اور پڑھنے کی حناطہ ر،ریائی ضروری ہے۔ شکل ۹۔امسین شنائی عارضی حافظے کی

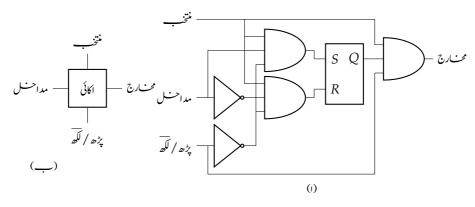
ROM, read only memory

one time programmable read only memory, OTP1\*

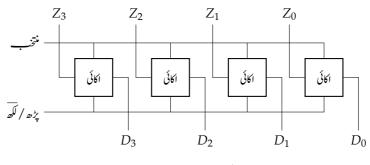
electrically erasable read only memory, EEROM,  $E^2PROM''$ 

UV erasable read only memory, UV erasable ROM'r

۱.۹.عارضی حسافظیہ



#### ىشكل 1.9:1كائى حسافظ

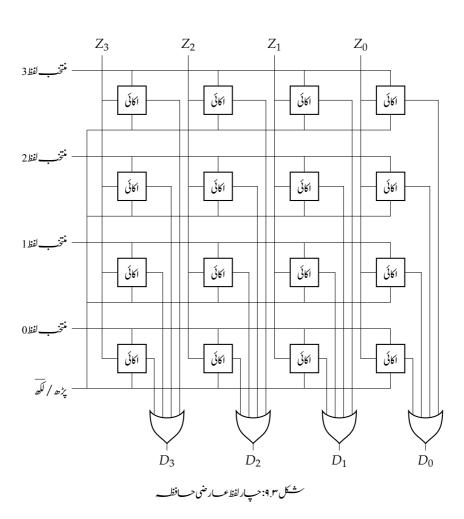


مشكل ٩.٢:١يك لفظ حسافظ

اکائی سا، جس کو مختصراً اکائی ما فظ ساکته ہیں، کی بناوٹ اور عسلامت پیش ہے، جہاں مواد ذخیہ وکرنے کے لئے ایس آر پلٹ استعال کیا گئی ہیا ہے۔ حقیق میں کئی طریقے متعمل ہیں جن پر بعد میں غور کیا ہیا۔ کائی حافظ ہے رجوع کے لئے اسس کا منتخب اسٹارہ بلند کیا جباتا ہے اور مواد لکھنے کی حناطسر ساتھ ہی پڑھ / لکھ پیت کرکے داخنی مواد و بندا ہم کیا جب مواد پڑھ کی حناطسر پڑھ / لکھ بلند کرکے مواد پڑھ استا ہے۔ معمود پٹ ساتھ ہوتے ہیں۔ بیا متعمد دین حسان ماکائی حافظ کا حافظ ہیت ہے۔ مجاں تما اکائی حافظ و کے ساتھ جوڑے گئے ہیں۔ بیا لئے کے بیار ہوں کیا گئے ہیں۔ بیا لئے کے جہاں تما اکائی حافظوں کے "منتخب ہوتے ہیں اور اسس مسیں مواد کے بیک وقت کھا حباساتہ، یاذ خصیرہ مواد بیک ہیک وقت کھا حباساتہ، یاذ خصیرہ مواد ہی جیک وقت کھا حباساتہ، یاذ خصیرہ مواد ہیں۔ وقت کھا حباساتہ، یاذ خصیرہ مواد کے بیک وقت کھا حباساتہ، یاذ خصیرہ مواد کے بیک وقت کھا حباساتہ، یاذ خصیرہ مواد کے بیک وقت کھا حباساتہ ہے۔

binary memory cell "
unit memory "

۲۰۸ باب۹ د انظے



۱.۹.عبارضي حبافظيه

ء افظ کارسہ تبدال	حبدول ۹.۲:عسار ضی
احت فحطے كااحت عال	حب دول ۹.۴:عب ار عنی

محباز	 پڑھ / لکھ	$A_1$	$A_0$	عمل
0	×	×	×	بلن ر کاوٹی حسال
1	0	0	0	لفظ 0 کے معتام پر لکھ
1	0	0	1	لفظ 1 کے مقتام پر لکھ
1	0	1	0	لفظ 2 کے معتام پر لکھ
1	0	1	1	لفظ 3 کے معتام پر لکھ
1	1	0	0	لفظ 0 کے مقتام سے پڑھ
1	1	0	1	لفظ 1 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	0	لفظ 2 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	1	لفظ 3 کے معتام سے پڑھ

اسس طسرح کے گئی الفاظ جوڑ کر متعبد د لفظ حسافظ۔ حسامسل کمپ حب سکتا ہے۔ سشکل ۳.۹مسیں حب ر الفاظ جوڑ کر حب ار لفظ حسافظہ تحنیق کمپ گلب ہے۔

متعدد ولفظ حیافظ ہی تمت ماکا نیوں کا "نتخب" اسٹارہ عمام صورت پیت رہت ہے۔ یوں حیافظ ہے کئی بھی لفظ تک رسائی مسکن نہیں ہوگی۔ حیافظ ہمیں مواد لکھنے کی حناط مواد کے داختلی راسے فسنراہم کر کے پڑھ /  $\overline{\mathcal{W}}$  پیت رکھ کر مطلوب معتام کا "نتخب" اسٹارہ بلند کیا حیاتا ہے۔ یوں مواد مطلوب معتام پر لکھا حیاتا ہے۔ فسنرض کریں ہم اعضاری تین (310) کے شن نئی مسرموز اعضاری  $0011_2$  کو حیافظ کے کے معتام پر لکھن حیاتے ہیں۔ ہم مداخت پر  $0011_2$  کے شن کی مسرموز اعضاری کو خیافظ کی سے اسٹارہ بلند کریں گے۔ ایس کرنے سے شکل  $0011_2$  مداخت پر  $0011_2$  کی پڑھ / لکھی جست رکھ کر "نتخب "ایش نتخب" اسٹارہ بلند کریں گے۔ ایس لفظ کو پڑھنے کے مسین لفظ کے پر  $0011_2$  کا "نتخب" بلند کریں گے۔ ایس کریں گوٹوں کریں گوٹوں کریں گوٹوں کریں گوٹوں کریں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کریں کوٹوں کریں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کوٹوں کریں کوٹوں کوٹوں

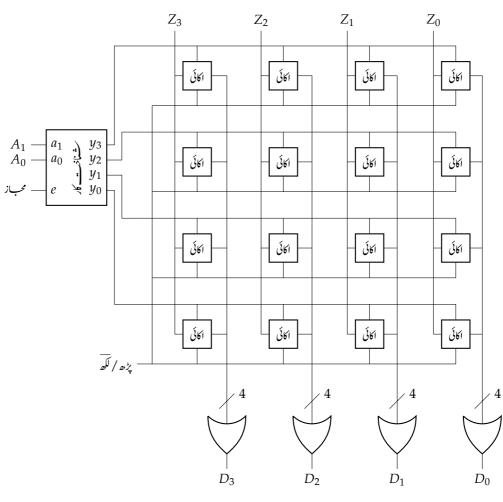
حقیق حافظہ مسیں الفاظ تک رسائی پت کے ذریعے کی حباتی ہے۔ حبار لفظ حسافظہ مسیں الفاظ تک رسائی، دوبِت پیت استعال کرتے ہوئے دوسے حبار شناخت کار کی مدد سے مسکن ہے۔ شکل ۴،۹ مسیں سے عمسل پیش کسیا گسیا ہے جہاں A0 ، اور A1 پت بین بین بین بین کے گود کھ کر مشناخت کار مطلوب محسار تابلند کرکے لفظ کامعتام منتخب کرتا ہے۔

عسارضی حسافظہ کا استعمال حبد ول ۹. ۲ مسین د کھسایا گیا ہے۔ **مجاز** پست ہونے کی صور سے مسین حسافظ**ے بلند ر کا وٹی** ح**الے** ۱۵ اختیار کر کے ہیسر ونی ادوار سے مکسل منقطع ہوگا۔

شکل ۴.۹ مسیں حپاربِ جمع گیٹ کی ایک نئی عسلامت استعمال کی گئی ہے۔ گیٹ کا ایک مداحشل و کھسایا گیا ہے ہے جس پر چھوٹی ترجی لکسید کے ساتھ 4 ککھ کر اسس بات کی وضاحت کی گئی ہے کہ دراصس سے حپار داحشلی جمع گیٹ

high impedance state12

اب ۹ د افظ



شكل ٩٠،۴: حپارلفظ عسارضي حسافظيه كابهستر حناكه

۹.۱. عبارضی حب افظیہ

ہے۔اسس طسرح کی عسلامت مسیں گیٹ کے مداحسل علیحہ دہ نہیں دکھائے حباتے بلکہ تمسام مداحسل ایک داحسل علی تاریخ کی عسام کے حبات بلکہ تمسام مداحسل ایک داحسل تاریخ طسامر کے حبات بلکہ تمسام موقی ہے اور دور صاف سے خبات حساسل ہوتی ہے اور دور صاف سے ترانظسر آنا ہے۔یادر ہے کہ ایسا صرف دور صاف سے ترانظسر آنے کے لئے کسیاحباتا ہے۔یوں حسافظہ کے گزشتہ دوائ کال ایک بی دور بنانے کی دولسریقے ہیں۔

ای طسرز پر متعبد د لفظ حسافظ کی عسلامت بھی بنائی حباتی ہے۔ دسس بِٹ بت سے 1024<sub>10</sub> یعنی تقسریباً ایک طسرز پر متعبد د لفظ حسافظ کی عسلامت تک رسائی مسکن ہے۔ کمپیوٹر کی دنسیا مسین کلو (ہزار) سے مسراد 1024<sub>10</sub> ایسا حباتا ہے۔ یوں دوکلوسے مسراد 2048<sub>10</sub> ہوگا۔

شکل ۹.۵ مسیں ممتحکم کار کے استعال پر غور کریں۔ مجاز اور پڑھ / لکھ دونوں بلند ہونے کی صور میں حافظہ مسیں 6 ڈخیرہ مواد کل پر حنارج ہو گاجبکہ محباز بلند اور پڑھ / لکھ پست ہونے کی صور میں سین D پر مہیا مواد حسافظہ مسیں لکھا حبائے گا۔ یوں D بطور مداخنل و محنارج کام کرتا ہے۔ شکل ۹.۴ مسیں مداخنل کے کئے حیار اور محنارج کام کرتا ہے۔ شکل ۹.۴ مسیں مداخنل کی ضرور سے ہوگا۔

حبدید عبارضی حب نظوں مسین کشیب رتعبداد کے الفاظ ذخیبرہ کرنے کی گغب کشی ہوتی ہے۔ شکل ۲۰۹-امسین حپار لفظ حب نظے کے مخلوط دور ۱۱کی عبلامت رکھ انگی گئے ہجب ال لفظ کے حپار داختلی و حنار بی بیٹوں کو D کی بجب کے I/O کہب گلی ہے۔ مشکل - اے محباز مداختل پر نفی گیٹ گیب ہے۔ مشکل - اے محباز مداختل پر نفی گیٹ نفسب کرنے سے حساس ہوگا؛ مسزید پڑھ / کھی کو مختصراً کھی پکار کر اور پنیا پر گول دائرہ ڈال کر اس کا پہنے فعال پر نے اللہ خطار پر نفی گیٹ مورت مسین مافظ میں مواد کھی اور بلند صورت مسین مافظ سے مواد بر حسان اور بلند صورت مسین مافظ سے مواد بر حسان تاہے۔

شکل - ج مسیں بارہ بِٹ پتہ ، ایک بائٹ لفظ عبارضی حیافظ کی عبلامت و کھیائی گئی ہے۔بارہ بِٹ پتہ 212 ہائٹ تک رسائی ممکن بناتا ہے لہذا ہے حیار کلو بائٹ عبارضی حیافظہ کی عبلامت ہے۔اس محنلوط دور مسیں جیدار مداحنل ۱۸کااضاف کی گیا گیا ہے۔ اس پر اب بات کرتے ہو لہت فعالی ہے۔ اس پر اب بات کرتے ہیں۔ وہیں ہیں ہیں ہیں۔ اس بی اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں ہیں۔ اب کرتے ہیں میں میں میں میں کرتے ہیں۔ اب کرت

محناوط دور مسین متعد دگیٹ پائے حباتے ہیں اور حبدید برقیباتی آلات کئی محناوط ادوار پر مشتمل ہوتے ہیں۔ یہ سب برقی طباقت سے حیلتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں برقی طباقت انہمیں بیدار رکھتی ہے۔ برقیباتی آلات عسوماً بسیٹری سے برقی طباقت حیاصل کرتے ہیں۔ درکار برقی طباقت کم کرنے سے بیٹری زیادہ دیرکار آمدر ہتی ہے۔

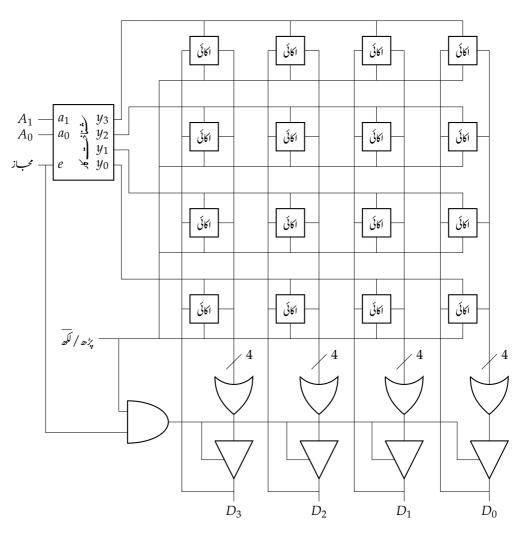
بر قبیاتی آلات مسین مختلف محنلوط ادوار کی ضرورت مختلف لحسات پر ہوگی۔ان لحسات کے عسلادہ انہمیں ہیدار رکھنے سے بلاضرورت برق طباقت منقطع نہیں کی حباستی ہے۔عسارضی رکھنے سے بلاضرورت برقی طباقت سے مسکن حسافظے کی مشال لیتے ہوئے ہم حباخے ہیں کہ برقی طباقت سے مملئ پر ان مسین مواد محفوظ نہیں رہت،البت سے ممسکن ہے کہ عسارضی حسافظے کو صرف اتی برقی طباقت مہیا کی حبائے کہ سے صرف مواد محفوظ رکھنے کے حتابل ہو، یعنی اسے نئر عسال می کیفیت مسین ڈالا حباسکتا ہے۔عسارضی حبافظے کے محضلوط دور مسین جیدار مداخل اسس مقصد کے لئے مسلوں کے مختلوط دور مسین جیدار مداخل اسس مقصد کے لئے

integrated circuit, IC17

active low12

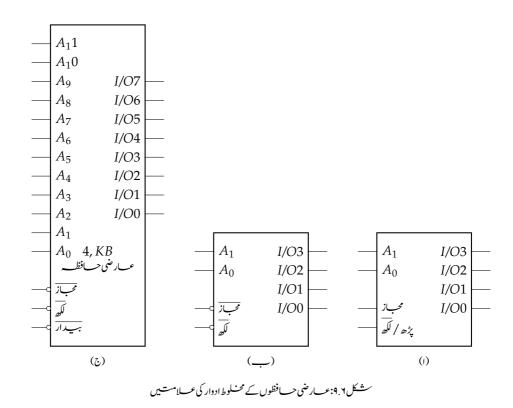
CS, chip select<sup>1A</sup>

باب. ٩. حافظ



مشكل ٩٠٥ مشترك داحنلي وحسارتي راه كاحپار لفظ عسار ضي حسافظ

۱.۹.عارضی حیافظیہ



۲۱۳ باب۹. حافظ

1023	1000 0001
1022	0010 1001
1021	0011 1010
1020	1000 1101
:	
:	:
3	1011 0001
2	1110 1001
1	
1	0000 1010
0	0000 1010 1011 1101

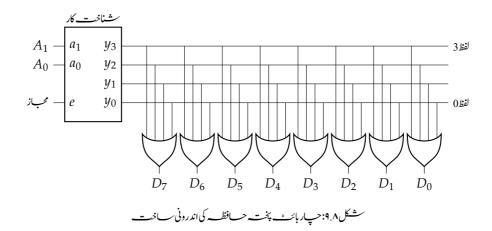
مشكل ٤٠: حسافظ، كي تصوراتي تصوير

مہیاکیا گیا ہے۔ جس کیح پر مختلوط دور کی ضرورت ہو، ہیدار پیت (فعسال) کر کے اسے جگیا حباتا ہے اور استعال کے بعب فوراً دوبارہ نڈھسال کر دیا حباتا ہے۔ نڈھسال صورت مسین مختلوط دور ہیسرونی دنیا ہے، دو طسرون مستقلم کار کی مدد ہے، مکسل طور پر منقطع رہت ہے اور اسس مسین سنہ کچھ کھی حب سکتا ہے اور سنہ ہی اسس سے کچھ پڑھ حب سکتا ہے۔ نڈھسال حسال مسین حسافظہ مکستر برقی توانائی صرون کرتا ہے۔ عسام طور سشنافیت کار کی مدد سے ہیدار کیے حسانے والے مختلوط دور کی شنافت کی حباتی ہے۔

حپار لفظ حافظ می تصوراتی تصویر شکل 9.2-امسیں دکھائی گئی ہے جہاں دوبِٹ پت اور حپاربِٹ موادشن کی روپ مسیں دکھائے گئی ہے جہاں دوبِٹ پت اور حپاربِٹ مواد شن کی روپ مسیں ایک کلوبائٹ حافظ کی تصوراتی تصویر پیش ہے جہاں مواد کوشنائی جب کہ پت کواعشاری روپ مسین دکھایا گیا ہے۔ حپار لفظ حافظ معتام اور آحسری معتام ایک اور آحسری کے مواد میں معتام ایک اور آحسری مواد کی مواد کی مواد میں معتام ایک کی مواد میں مواد کی کوبائٹ کی مواد کی مواد کی کوبائٹ کی کوبا

مثق ا. 9: عبارضی حبافظ ہے 6116 کے معلوماتی صفحات ہے اسس کی استعداد "کلوبائٹ" مسیں معلوم کریں۔

۹٫۲ پخت حافظ



#### ۹۲ یخت حیافظ

پخت ج<u>ا فظے سے م</u>سراداوہ حسافظ ہے جس مسیں مواد برقی طباقت کی عسد م موجود گی مسیں بھی محفوظ رہت ہو۔ پخت ہے۔ حسافظہ کا بنیا دی استعال وہاں ہو گا جہاں مواد تب یل سے ہو۔

عبار ضی ح<u>افظے کی طسرح پخت ح</u>افظ ہی مختلف لمبائی کے الفاظ پر مشتمل ہو گا۔ لفظوں تک رسائی پت کے ذریعہ ہوگا؛ 11 بٹ یت کے فریعہ ہوگا؛ 11 بٹ یت کے پخت حسافظ مسیں 2<sup>1</sup> لفظ ہوں گے۔

بائٹ لمبائی حپارلفظ پخت مسافظ کی اندرونی ساند۔ مشکل ۸.۹ مسین دکھائی گئی ہے جس کی بہتر صور۔ مشکل ۹.۹ مسین دکھائی گئی ہے۔ مستعمل دوسے حپار مشناخت کار، ۹.۹ پیشس کرتی ہے، جبال حپار داختلی جمع گیٹ کی صاف مشکل استعال کی گئی ہے۔ مستعمل دوسے حپار مشناخت کار، پیت کے دوہٹ سے حپار مقتاما۔ تک رسائی مسکن بناتا ہے۔ یوں حپارالفاظ تک رسائی مسکن ہوگی۔

سنگل 0.9 مسیں بالکل نبیا غنیہ راستعال شدہ پخت منظہ دکھایا گیا ہے۔ پت 00 کی صورت مسیں دو سے حیار شناخت کار  $y_0$  بلند کرکے لفظ 0 پخ گا۔ تمام جمع گیٹ بلند ہوں گے اور D باور کی مواد ملت ہے۔ کسی پت 0.12 لفظ 1 پخ گااور 0 پر 0.1111111 حنارج ہوگا۔ آپ تسلی کرلیں کہ حیاروں پت پر یمی مواد ملت ہے۔ کسی بخص نے غنیہ راستعال شدہ پخت میں فظے کے ہر لفظ کے تمام بٹ بلند <math>0.1 ہوں گے۔

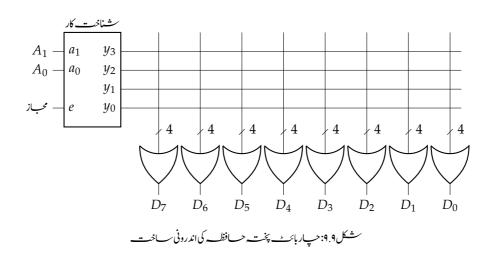
آپ نے دیکھ کہ بلند  $y_0$  کی صورت مسیں تمام جمع گیٹ کو یکی بلند امث ارہ ملت ہے اور یوں تمسام جمع گیٹ کے محتار تی بلند ہوں گے۔ جمع گیٹ کے محتار تی بلند ہوں گے۔ جمع گیٹ کے محتار تی بلند ہوں گے۔ جمع گیٹ کے محتار تی بلند کر کے لفظ 0 پڑھنے ہے D پر  $y_0$  کے منقطع ہیں المب نہ اس بلند کر کے لفظ  $y_0$  بلند کر کے لفظ  $y_0$  بات و بہت ہوگا۔

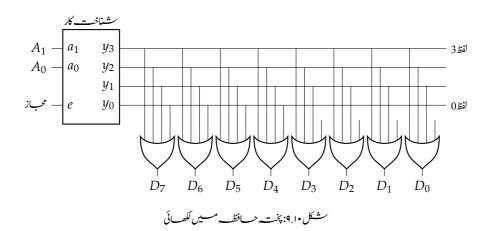
بات و بہن نشین کریں: ایسے اسٹکال مسیں جمع گیٹ کا محتاطع مداحش جمع گیٹ کے محتار جمی پر اثر انداز نہیں ہوگا۔

امید کی حباتی ہے آپ پخت حسافظہ مسیں لکھ اُن کا عمس بخوبی مسجھ گئے ہوں گے۔ پخت حسافظ مسیں جوڑوں کو توڑ کر مواد لکھ حباتا ہے۔ اسس فتم حسافظہ مسیں ہر جوڑ دراصل ایک بر**قی فتیلہ** ۱۹ (نسیوز) ہو تاہے۔ نستیلے کی استعداد سے

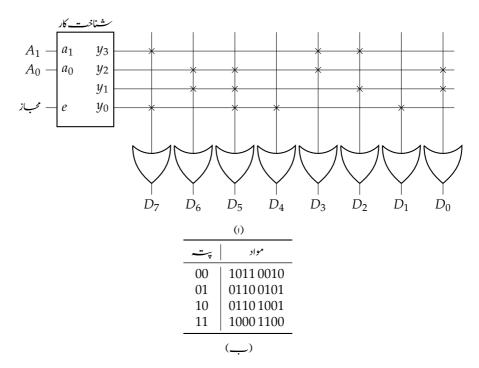
electric fuse19

۲۱۲ باب.و. حافظت





٩.٢ پخت سافظ ہ



شكل ١١. ٩: پخت حافظ مسين لكها أسيامواد

زیادہ برقی رونستلے سے گزار کراسے بگھلا کر جوڑ منقطع کیا حب تاہے۔

حسافظہ مسیں کھے مواد سشکل ۹ کے طسر جب دول مسیں کھے حباتا ہے۔اسس حبدول مسیں باری باری ایک لفظ کو دیکھتے ہوئے جس بٹ کے معتام پر 0 ہو، حسافظہ کے اندراسس لفظ کے اسس بٹ کاجوڑ تب ہ کسیاحیاتا ہے۔

شکل ۱۱-۱۹ اسیں غیر سباہ شدہ جوڑ صلیبی نشان (×) سے ظاہر کیے گئے ہیں۔ اسس حافظہ مسیں کھا مواد سنکل - بسمیں پیش ہے۔

اب تک حپار لفظ حسافظ ہی بات کی گئی جس کی وجہ ہے 4 داختلی جمع گیٹ استعمال کیے گئے۔ ایک لفظ 8 بیٹ ہوں جو نے ایک لفظ 8 بیٹ ہوں اور جہ ہے کل 8 جمع گیٹ استعمال کیے گئے۔ بیرا ان حسافظوں مسیں کل 4 × 8 لیخی جسیں (32) جوڑیا نستیا ہوں گے۔ آپ دکھ سین کل 4 × 8 لیخی مسیں 2 واحتلی جمع گیٹ گئے۔ آپ دکھ سین کہ سین کہ مسیں 2 واحتلی جمع گیٹوں کی تعداد  $m \times 2^n$  ہوگے۔ اور حسافظ کا ایک لفظ m بیٹ ہوتے۔ جمع گیٹوں کی تعداد m ہوگے۔ ایوں حسافظ مسیں جوڑوں کی تعداد m ہوگے۔ اور حسافظ مسیں جوڑوں کی تعداد m ہوگے۔

شعاع ملتا چنت مافظہ میں باربار کھائی مکن ہے۔ان میں جوڑ، برتی فتیاہ سے نہیں بنائے حباتے بلکہ ان جوڑ کوایک

باب.٩. حسافظ TIA

**سو کچ** ''اتصور کریں جنہب یں مخصوص طبر یقے سے برقی طباقت کے ذریعیہ منقطع کب سب تا ہے۔منقطع جوڑوں کو دوبارہ جوڑنے کی حناطسر حسافظ كوشعساع مسين كجه ديرر كصاحبا تاہے۔

حبدید برق منتا محفظ ما فظول مسین بار بار تکھائی مسکن ہے۔ان حسافظوں مسین تکھائی برتی دباوے کی حباتی ہے اور اسے صاف بھی برقی دیاوے کساحسا تاہے۔

پخت سانظہ مسیں کھیائی مخلوط ادوار برنامہ نولیر ساکی مددسے کی سیاتی ہے۔

# سوو حافظہ کیا *تعداد پڑھ*انے کی ترکس

عارضی حافظوں ( کے محنلوط ادوار ) کے تابو مداحنل عصوماً بیدار ، مجاز اور پڑھ / لکھ جبکہ پخت حافظوں کے <del>سیدار</del> اور <del>محباز</del> ہوں گے۔اسس بھے مسین ہم تصور کرتے ہیں کہ حسافظوں نے متبابوات ارات صرف <del>سیدار</del> اور یڑھ / لکھ ہیں جنہیں استعال کرتے ہوئے ایک ہے زیادہ حسافظے آلپس مسیں جوڑنا دکھیایا حیائے گا۔حقیقت مسیں ۔ مُعسوماً <del>ہیں ا</del>ر کے عسلاوہ تمسام حسافظوں کے ایک جیبے و تابو مدا<sup>حث</sup> ایک ساتھ جوڑے حیاتے ہیں۔یوں تمسام حافظوں کے مجباز مداحن اکٹھ جوڑے حبائیں گے اور ای طسرح تمام کے پڑھ / لکھ ایک ساتھ جوڑے حسائیں گے۔

#### ا ۱۹۳۰ دوعب در $4 \times 4 \times 4$ حبافظے سلسلہ وارجوڑ کرایک عب در $4 \times 8 \times 8$ حبافظہ کا محسول ا

کبھی کھیار در کار استعداد کا حسافظہ میں۔ رہیں ہو گا۔ایی صورت مسین ایک سے زیادہ حسافظے اکٹھے جوڑ کر در کاربائٹ زخب رہ کرنا ممکن بنایات تاہے۔ شکل ۹ ،۱۲-امسیں 4 imes4 کے دوسافظے جوڑ کر دگی استعداد کا 4 imes8 حبافظہ، (شکل-ب)حساص کی اگئی۔ چھوٹے حسافظوں کو حسافظہ 1اور حسافظہ 1 کہا گئیا ہے۔ شکل-امسیں ایک جسے یت بٹ ساتھ جوڑے گئے ہیں لینی حسافظہ 0 کا An حسافظہ 1 کے An سے جوڑا گیا ہے، اور حسافظہ 0 کا  $A_1$  حانظہ  $A_2$  ہے جوڑاگیا ہے۔ ای طسر  $A_2$  ایک جیسے موادب ساتھ ساتھ جوڑے گئے ہیں یعنی حسانظہ  $A_1$ اور  $D_3$  اور  $D_3$  اور  $D_3$  بالت رتیب حافظہ  $D_3$  ،  $D_1$  ،  $D_2$  ،  $D_3$  ،  $D_4$  ،  $D_5$  ،  $D_5$  ،  $D_6$   $\overline{N}$  کا ہیدار مدا<sup>نن</sup>  $\overline{N}$  جبکہ حافظہ  $\overline{N}$  کیا ہیدھیا  $\overline{N}$  کے ساتھ ملایا گیا ہے جبکہ حافظہ  $\overline{N}$  کا ہیدار  $\overline{N}$ مداحت (جے ہیدار $\overline{1}$  کہا آگیا ہے) نفی گیٹ کے ذریعہ  $A_2$  ہے جوڑا گیا ہے۔ حفظہ 0، حافظہ 1، اور نفی گیٹ کوہم ایک بڑاحی افظہ تصور کر سے ہیں جس کی عسلامت شکل – بسمیں پیش ہے۔

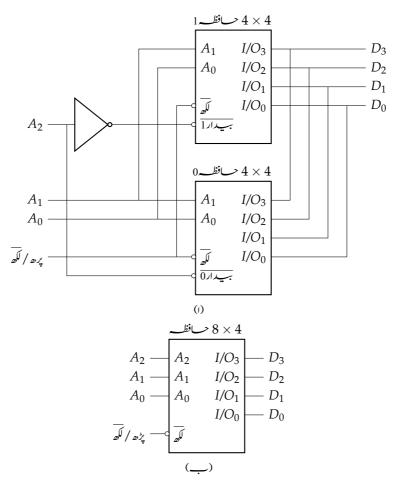
شکل ۱۳۹۹ مسیں تین پت بٹ کی تمام ترتیب دی گئی ہیں۔ (شکل ۱۹ او کھتے ہوئے آگے پڑھسیں۔)پیت A2 سے مسرادیت بیدار آوربلند بیدار آورباند بیدار آورباند بیدار آورباند بیدار آورباند انتقاع اور میانشد و میاند انتها از از این از انتها از این از ای ہے۔ای طسرح بلند A2 سے <del>ہیدار 0</del> بلند اور <del>ہیدار 1</del> پیت ہو گا جس سے حسافظہ 0 نڈھ ال اور حسافظہ 1

یوں پیت  $A_2$  کی صورت مسیں پت کے باقی دوب $A_0$  اور  $A_1$  حافظہ0 کے مختلف معتامات تک رسائی ممکن بن مئیں گے۔ یت ہ 0000 حبافظہ 0 کے صف رویں معتام اوریت ہے 0110 حبافظہ 0 کے تیب رہے معتام تک رسائی دیتاہے۔

ای طسرح بلنند  $A_2$  کی صورت مسیں پتہ کے باقی دوبٹ  $A_0$  اور  $A_1$  حسافظہ 1کے مختلف معتامات تک

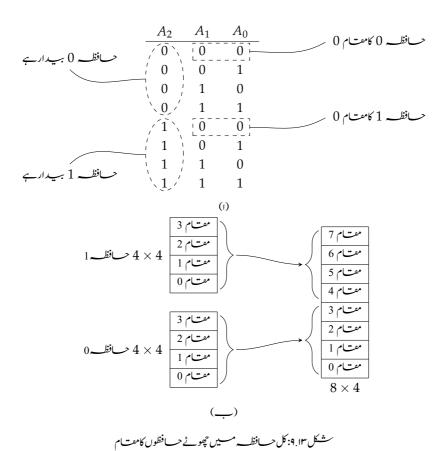
switch\*

IC programmer



مشکل ۹.۱۲ دوح<u>ا فظے جوڑ کربڑے حیا فظے</u> کاحصول

۲۲۰ باب۹. حافظ



$A_5$	$A_4$	$\overline{y_3}$	$\overline{y_2}$	$\overline{y_1}$	$\overline{y_0}$	$A_5A_4A_3A_2A_1A_0$
0	0	1	1	1	0	000000 - 001111
0	1	1	1	0	1	$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$
1	0	1	0	1	1	100000 - 101111
1	1	0	1	1	1	110000 - 111111

#### حبدول ٩٠٣: حبدول برائے مشکل ٩٠٨٩

ر سائی مسکن سنائیں گے۔ پتہ 2000 سانظہ اکے صف رویں اور پتہ 0112 سانظہ اکے تیسرے معتام تک رسائی دیت ہے۔

گزشتہ دونشہ پاروں کا حنااص درج ذیل ہے۔ حیار لفظ کے دوحی فظے مسل کر آٹھ لفظ حیافظ ہے طور پر کام کرتے ہیں۔ الفاظ کی لمب انی جوں کی آٹھ لفظ حیارہ بن ہوں کی توں حیارہ بن رہتی ہے۔ اسس طسرح پت و 0000 کل حیافظ کے صنسہ ویں معتام تک رسائی دیت ہوئے اور پت ہوئے اور پت ہوئے اور ان کی اندرونی سخت میں رسائی دیت ہوئے اور ان کی اندرونی سخت رسائی دیت ہوئے اور ان کی اندرونی سخت پر ہر وقت فور کرنے کی ضرورت نہیں۔ شکل ۱۹۱۹ ہے میں اسس حقیقت کو میر نظر رکھتے ہوئے ان دو حیافظوں کی معتام تک میں اسس حقیقت کو میر نظر رکھتے ہوئے ان دو حیافظوں کی معتام سے میں نہیں ہے جس کے تین پت بٹ اور حیار مواد بٹ ہیں۔ شکل ۱۹۳۹ ہے مسین تین ہٹ پت کی نسبت سے دونوں حیافظوں کے معتام سے دکھیائے ہے جس کے تین پت بٹ اور حیار مواد بٹ ہیں۔ سنگل ۱۹۳۹ ہے معتام سے دفظوں کو پت کی لفظ کے انظر میں معتامات پر رکھیا گیا ہے اور حیافظ کی آخٹ میں افظ کیا جب دو سے انظر کی انظر کی معتام سے دونوں کے معتامات کی دو مینونل کو سلم دار و ست ریا دکھیا گیا ہے۔ دو پر حیافظ کی انظر کی معتام سے دونوں کے معتام سے برحی نظوں کو سلم دار و ست ریا دکھیا گیا ہے۔ دو پر دی افظ کی ان دو حیا نظوں کو سلم دار و ست دیا رکھیا گیا ہے۔ دو پر دی نظر کی ان دو حیان کی دور نے وقت اسس طرح کی تصور اتی کے لیا کا میں میں بنیا پر کی ان دو حیا نظر کی دور نظر کی دور نے وقت اسس طرح کی تصور اتی میں میں بنیا پر کی دور نظر کی دور نے وقت اسس طرح کی تصور اتی میں بنیا پر کی دور نے وقت اسس طرح کی تصور اتی میں بنیا پر کی دور نظر کی دور نے وقت اسس طرح کی تصور اتی میں بنیا پر کی دور نظر کی دور نے وقت اسس طرح کی تصور اتی میں بنیا پر کی دور کی دور کی نظر کی دور کی

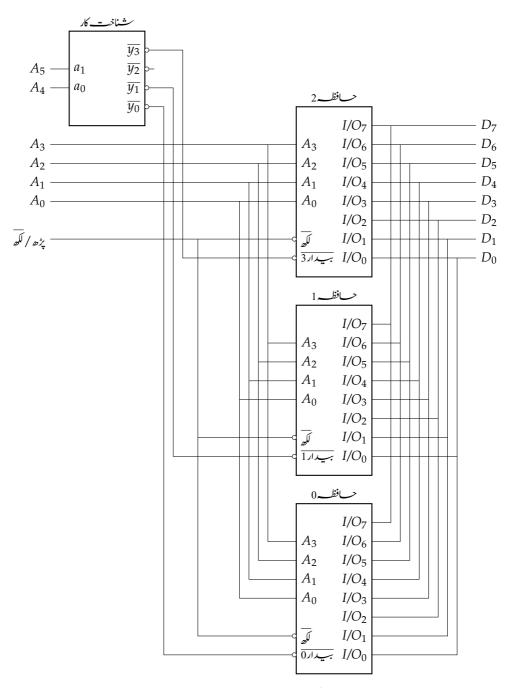
مذکورہ بالا مسیں  $4 \times 4$  استعداد کے حیافظے استعال کیے گئے جنہ میں دو پت بٹ  $A_0$  اور  $A_1$  در کار تھے۔ان دو بٹ کو استعمال کر کے بیدار حیافظے کے مختلف مصامات تک رسائی حیاصل کی حیاتی ہے جب اگلا پت بٹ  $A_2$  استعمال کو کہا تھے کار زیادہ استعماد کے استعمال کو پت کے لیے اظ سے مختلف معتامات پر رکھیا گیا۔ یکی طسریق کار زیادہ استعماد کے حیافظ سے محلول کے ساتھ بھی استعمال کیا جب یوں دوعب درسس بٹ پت کے حیافظ جوڑتے وقت  $A_0$  تا  $A_0$  میں معتامات تک رسائی دیں گرجب کے  $A_1$  انہمیں حبد اگلات بیدار کرے گا۔

#### 9.m.r تين 8 × 16 حــا فظے سلسلہ وار جوڑ کرايک \_ 8 × 48 حــا فظے کاحصول

شکل ۱۳.۹ میں پہت محناری شناخت کار استعال کر کے تین  $8 \times 16$  سافظ (حافظ 0، حافظ 1۰.9 میں پہت محناری شناخت کار استعال کر کے تین  $8 \times 16$  سافظ  $9 \times 10$  میں پول شینوں کے ایک جیسے پہت بیٹ ساتھ جوڑے گئے ہیں۔ پول شینوں کے  $10 \times 10$  ایک ساتھ جوڑے گئے ہیں، المہذا شینوں کے  $10 \times 10$  ایک ساتھ جبڑے ہیں، وغیرہ تاہم ان کے جہرات مداخت ملاحدہ علیحہ دہ رکھے گئے ہیں تا کہ کی ایک وقت پر صوف ایک حسانہ کو ایک کے دریعہ اس ایک حافظ کے حولہ معتادات تک رسائی حساس کی حاسے معتادات تک رسائی حساس کی حاسے۔

نشناخت کار کوپت بٹ  $A_4$  اور  $A_5$  بطور مداحنل فنسراہم کیے گئے جبکہ اسس کے محنارج  $\overline{y_0}$  ،  $\overline{y_0}$  ،  $\overline{y_0}$  ، اور  $\overline{y_0}$  بین سے نظام ہم میں سے نظام ہم میں سے نظام ہم کی شناخت کرتے ہیں۔ شناخت کرتے ہیں۔ شناخت کی مطابق ہم کا میں میں سے نظام ہم کی مطابق ہم کی کی مطابق ہم کی مطابق ہم کی مطابق ہم کی کی مطابق ہم کی کے مطابق ہم کی کی کے مطابق ہم کے

۲۲۲ باب.و. حافظت



مشكل ١٩١٨: حسافظ جوڑنے كاعب وي طب ريقب

جی آپ جب نے ہیں، شناخت کار کے مداحن کی ہر ترتیب ایک معنصد دمنان چنتی ہے۔ جبدول ۹ سشناخت کارے محنان جب جب ایک اص جبدول میں دائیں حب ایک اص بی ایک اص فی قطار بن کی گئی ہے۔ آئیں اس جبدول پر خور کرتے ہیں۔ پست ہوگا جو حافظ ہو حافظ ہو کے جیدار  $\overline{U}$  کی صورت میں  $\overline{U}$  پست ہوگا جو حافظ ہو کے جیدار  $\overline{U}$  کے حافظ ہو کا محت ہوئی آئی جب ایک مورت میں  $\overline{U}$  پست ہوگا جو حافظ ہو کا محت ہوئی باتی جب یوں  $A_5A_4=00$  کی شخص کر کے اسے بیدار کرتا ہے۔  $A_5A_4=00$  رکھتے ہوئی باتی جب آزادات طور پر بلندیا پست کے جب سے ہیں لیعنی  $A_5A_4=00$  کی تیست ہوئی آزادات طور پر بلندیا پست کے جب سے ہیں لیعنی  $A_5A_4=00$  کی تیست ہوئی آزادات طور پر بلندیا پست کے جب سے ہیں گئی میں بناتا ہے۔ حب نظے 0 کے تمام معتامات تک رسائی کے لئے یوں پست ہوئی وائیں قطار مسیں سے کے یوں پست ہوئی اور شکل 9 مامیں نے باد حن نے ان معتامات کو ظاہر کرتے ہیں۔ حب نظے 0 کا آحضری معتام کل حدود درج ہیں اور شکل 9 مامیں نے بیاد حن نے ان معتامات کو ظاہر کرتے ہیں۔ حب نظے 0 کا آحضری معتام کل حافظ کے معتام 0 2011112 پر بیاج باتا ہے۔

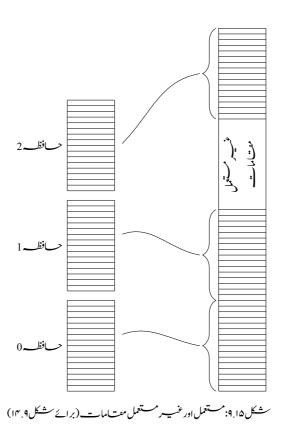
بلند  $A_5$  اورپیت  $A_5$  کی صورت میں  $\overline{y_1}$  پیت ہوگا جو جیدار آ سے جبڑا ہے۔ یوں  $A_5$  کے این سیارت ہوگا جو جو کی باتی جی ارک مین انداز کرتا ہے۔  $A_5$  کی جی ہوئے باتی جی ارک مین بیت بیٹ آزادات طور پر بلند یا پیت بند آزادات طور پر بلند یا پیت بند یا پیت بین این ہیں ہے۔  $A_5$  کی جیت بین معتامات کے جب سے بین این میں میں معتامات معتامات تک رسائی دیت ہے۔ حافظ 1 کے مختلف معتامات تک رسائی کے لئے  $A_5$  کی جی معتام کی دائیں قطار میں سے حدود درج ہیں۔ شکل 10 میں پنج سے تیس معتام کی دائیں قطار میں سے حدود درج ہیں۔ شکل 10 میں سے تیج سے معتام کی دائیں قطار میں سے در درج ہیں۔ شکل 10 معتام اس سے اگلے معتام گئی معتام کی حافظ 1 کا صف دوال معتام اس سے اگلے معتام گئی در ایک معتام گئی 100000 پر پایا جب ایک طاہر کی تیا جب کہ حافظ 1 کا صف دوال معتام اس سے اگلے معتام گئی ہوئی ہے۔ معتام کی شروعات

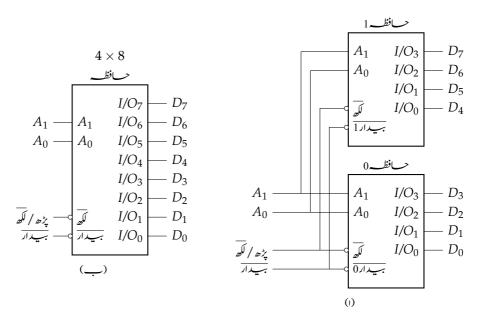
پست  $A_4$  اور بلن د  $A_5$  پست  $\overline{y_2}$  دے گاجو کہ کی بھی حیافظے کے ساتھ نہیں جبڑا۔ یوں  $A_5$  کی بھی حی نظے کی شناخت نہیں کرتے الب ذاباتی حیار پت بوٹ کی قیمتیں  $A_5$  میں میں متام تک رسائی نہیں ہوگی۔ یوں پت  $A_5$  میں متام تک رسائی نہیں ہوگی۔ یوں پت  $A_5$  میں متام تک رسائی نہیں دیں گراست مواد کھی حیاستا ہے اور سے ہی اسس خطے سے مواد پڑھی حیاستا ہے۔ حبدول کی دائیس قطے اس میں جدول کی دائیس قطے میں نہیں خیر متعلی متام کے کھی کھی کر ظاہر کیا گیسے۔

بلند  $A_4$  اوربلند  $A_5$  پیت  $\overline{y_3}$  و کرحافظ  $B_4$  کو بیدار کرتا ہے۔  $B_5$  مرکتے ہو گیاتی حپار پہتہ بند کی قیمتیں  $B_5$  مرکتے ہو گیاتی حبانظ  $B_5$  کی قیمتیں  $B_5$  کی المائل کرنے مسافل  $B_5$  کی تیمت کی تیمت کی آل المائل ہوگی۔ بدول کی دائیں قطار کی قیمت کی تیمت کے مسافل ہوگی۔ جدول کی دائیں قطار میں سے حدود درج ہیں۔ شکل  $B_5$  میں بالائی مولد حنانے ان مقامات کو ظاہر کرتے ہیں۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ جباں حنالی مقامات کا اختتام ہوتا ہے وہیں ہے حافظ  $B_5$  شکر وجوز ہوتا ہے۔

یہاں کل چھ پت بِٹ  $A_0$  تا  $A_5$  استعال کیے گئے جو چونٹھ  $(2^6=64)$  معتامات تک رسائی دے سکتے ہیں۔ ہم نے بولد مولد لفظ کے تین حسافظ استعال کرتے ہوئے اڑتالیں  $(48=6\times16)$  معتامات استعال کیے جبکہ مولد  $(48=6\times16)$  معتامات (فالح مقامات) کا استعال نہیں کیا گیا۔ اگر جپ ان تین حسافظ کو سلمہ وار جو ڑا گیا ہے ، تاہم ان مسیں صوف حسافظ  $(48=6\times16)$  متنافظ کا مستدیب ہیں جب کہ حسافظ  $(48=6\times16)$  کیا ہے ، تاہم ان مسیں صوف حسافظ  $(48=6\times16)$  متنافظ کا مستدیب ہیں جب کہ حسافظ  $(48=6\times16)$  متنافظ کا مستدیب ہیں جب کہ حسافظ  $(48=6\times16)$  متنافظ کا مستدیب میں جب کے خوالد کے ہیں۔

۲۲۴ باب. و. حافظ





شکل ۹.۱۲: جب فظوں کو متوازی جوڑ کر لفظ کی لمب آئی بڑھپائی گئی ہے۔

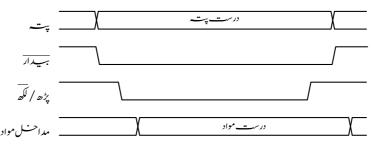
#### وو $4 \times 4 \times 4$ حافظے متوازی جوڑ کر $8 \times 4 \times 4$ حافظے کا حصول ۹.۳.۳

### م. و حافظ کے اوت <u>س</u>کار

حافظ عسوماً فرد عامل کار ۱۲ (مانکروپر اسیسر) کے ساتھ منسلکہ استعال کیا حب تا ہے۔ عسام طور پر محنلوط ادوار کوئی مخصوص کام سر انجیام دینے کے لئے تحنیق کیے حباتے ہیں۔ حضر دعامسل کاران سے مختلف نوعیت کامخنلوط دور ہے جو احکامات اللہ پہلے ان احکامات کو تبدیل کر کے مائکروپر اسیسر سے مختلف کام لیے حبا سے ہیں۔ سے احکامات (پہلے سے) پخت دسان فلے مسیں لکھے حباتے ہے جہاں سے مائکروپر اسیسر انہیں پڑھ کر ان کی تعمیل کرتا ہے۔مائکروپر اسیسر کے ساتھ عسوماً عسارضی مواد لکھ کر ذخیہ دہ کر سکتا ہے ، جے کے ساتھ عسوماً عسارضی حواد لکھ کر ذخیہ دہ کر سکتا ہے ، جے

microprocessor rr commands rr

۲۲۲ باب ۹ صافظ

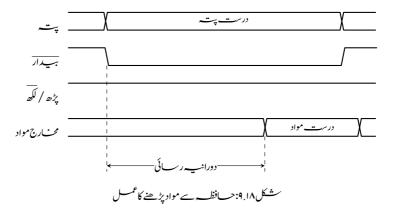


شكل ١٤. ٩: حب افظ صبين مواد لكھنے كاعمل

مائکروپراسیسر بعبد مسیں پڑھ سکتا ہے۔ مخلف صنعت کاروں کے تحسیق کردہ حسر و عسامسل کار کے اپنے اپنے مخصوص احکامات ہوں گے جنہمیں ہے۔ مسجھ سکتا ہے اور جن پر ہے عمسل کر سکتا ہے۔ کسی بھی مائکروپراسیسر کے تمسام احکامات کو اسس مائکروپراسیسر کی م**ادری زبالی** ۲۳ کہتے ہیں جب کسی ایک حسم کو **ہدایتے۔ ۲** کہتے ہیں۔

شکل ۱۸.۹ مسیں حضرہ عبام سل کار حافظ ہے مواد پڑھٹ حپاہتا ہے۔اسس گفتگو مسیں حضرہ عبام کار پڑھ / کھ بلندر کھ کر پت حضارج کرتا ہے۔ اسس ہے کے چند ہندے عبارضی حبافظ ہے کی اور باتی حبافظ ہے مواد پڑھنے کے معتام کی نشاندہ کرتے ہیں۔ شناخت کار چند ہی کھوں مسیں (پتے کے چند ہند سوں سے) حبافظ کی نشاندہ می کرکے اسے خب دوار کرتا ہے کہ حضرہ عبام سل کار حبافظ سے مواد پڑھنا حیاہتا ہے۔ حبافظ ہیدار ہوتے ہی اسس کوشش مسیں لگ حباتا ہے کہ در کار معتام سے مواد حسام سل کر کے حضرہ عباس کار کے حوالے کرے۔ایس کرنے

assembly language instruction



کے لئے حافظہ کو پچھ وقت درکار ہوگا جے حافظہ کا دورانیہ رسائی کا کہتے ہیں۔حافظہ مطاوب معتام سے مواد حاصل کر کے حنارج کرتا ہے۔اسس مواد کو "درست مواد" کہا گیا ہے۔حضر دعام الکار مواد کو ورست پنت کے اختتام (یعنی جیدار کے کنارہ حیائی) پر پڑھتا ہے۔حضر دعام الکار اسس مواد کو پڑھ نے کے بعد الگا ہدایت پخت حافظہ سے پڑھ کراسس کی تعمیل کرتا ہے۔

مثق ۹۰: انٹرنیٹ سے عبارضی حبافظہ 6116 ، 74189 ، اور پخت حبافظہ 2732 کے دورانیہ رسائی معلوم کریں۔

مثال ا. 9: سنگل 9. 9 مسیں 74189 حسافظہ کا دور پیش کیا گیا ہے۔ کسی بھی محناوط دور کی طسرح، اسس حسافظہ کو استعال کرنے کے نظر وری ہے کہ اسس کو برقی طباقت مسین اہم کی حبائے، جوپنیا 8 اور 16 پر منسر اہم کرنی ہوگی؛ پنیا 8 کے لئے اور 16 پر منسب ہائی وولٹ دیسنا ہوگا؛ یوں پنیا 8 برقی زمسین ہوگا۔

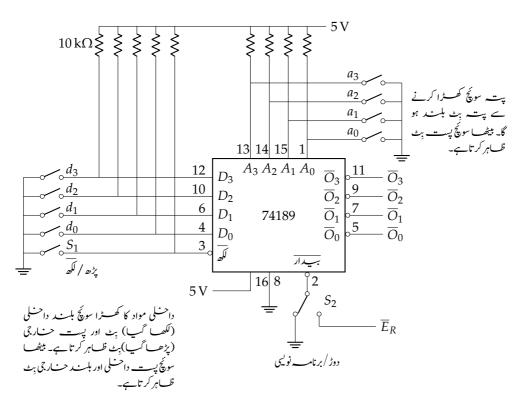
اسس حسافظہ کی ایک حساص بات ہے ہے کہ اسس کے محسان کا ہم بٹ، مسان کھے گئے بٹ کا متم ہوگا۔ یوں اگر معتام میں 50000 پرمصاحبائے گا۔ اسس حسان طلبہ مسین جو بھی معتام ہے 00000 پڑھا حبائے گا۔ اسس حسان طلبہ مسین جو بھی معسام سے معسام معلومات کھنی ہو، ہم بٹ کا متم کھیں۔

#### حافظہ کے مختلف معتامات تک رسائی

 $16_{10}$  معتامات تک رسانی دیں گے۔ ان معتامات تک رسانی دیں گے۔ ان معتامات تک رسانی دیں گے۔ ان معتامات تک رسانی سوچ کا کھٹرا میں یہ سوچ کا کھٹرا میں یہ سوچ کا کھٹرا میں یہ معظع (کھٹرے) و کھٹ کے ہیں۔ پنے کا کھٹرا میں یہ معظم کے ان معتامات کی معتملے میں معتامات کے معتامات کی معتامات کی معتامات کی معتامات کے معتامات کی معتامات کی

access time

۲۲۸ باب.و.حافظ



شكل ١٩. ٩: حسافظ، مسين مواد كي لكهسائي

سو فَحَ بلند بِك (1) ظاہر كرتا ہے۔ غير منقطع (بيٹ ) سو فَحَ لِيت بِك (0) ظاہر كرتا ہے۔ و كھائى گئى شكل مسين پت 1111<sub>2</sub> ہے۔

## مواد کی شیباری

 $\overline{O_3}$  تا  $\overline{O_0}$  تا  $\overline{O$ 

#### حسافظہ کی برنامہ نویسی

حیافظہ کی برنامہ نولی (جس سے مسراد حیافظہ مسیں مواد لکھنا ہے) کے لئے  $S_2$  مونگی برقی زمسین ہے جوڑ کر (جیسا سنکل مسیں د کھیایا گیا ہے) محنلوط دور کا جیدار پیت (فعال) کیا حیاتا ہے۔ مونگی  $S_1$  بھی نے کہ مداحنل پیت (فعیال) ہوگا اور داحنلی مواد (جس کا ہم بیٹ در کار مواد کے مطابقتی بیٹ کا متم ہے) حیافظہ مسیں داحنل ہوگا۔ مونگی کھیٹراکر نے کہ کھیٹراکسیا حیاسکتا ہے۔ کھیٹراکسیا حیاسکتا ہے۔ میں مواد محفوظ کرتا ہے۔ اس کے بعد  $S_1$  کھیٹراکسیا حیاسکتا ہے۔ میں مواد محفوظ کرتا ہے۔ اس کے بعد  $S_1$  کھیٹراکسیا حیاسکتا ہے۔ میں مواد محفوظ کرتا ہے۔ اس کے بعد  $S_1$  کھیٹراکسیا حیاسکتا ہے۔ میں مواد محفوظ کرتا ہے۔ اس کے بعد  $S_1$  کھیٹراکسیا حیاسکتا ہے۔

ف رض کریں ہم درج ذیل محفوظ کرناحیاہتے ہیں۔

سونگی  $S_2$  کوزمسینی (برنام، نویسی ) معتام پررکھنے ہے آغناز کریں۔معتام 0000 پر 1111 کھنے کے لئے پت، اور مواد کے سونگی درج ذیل رکھنے ہے۔ سونگی درج ذیل رکھنا ہے۔

 $_{3}$  اور مواد سونچ کو  $a_{3}a_{2}a_{1}a_{0}$  اور مواد سونچ کو مارست مونځ کو مارست میلاند میلاند

 ۲۳۰ باب۹. حافظ

ہے۔ سونگ  $S_1$  منقطع (کھٹڑا) کرنے سے پڑھ / کگھ بلند ہو کر حسافظہ کو"پڑھ"حسالہ مسیں ڈالت ہے۔ ہم اب کی دوسسرے مصام (یاای مصام) پر کوئی دوسسرا(یایمی) مواد لکھنے کے لئے شیار ہیں۔

ا گلے مصام 0001 پر 1110 کھنے کے لئے سون کورج ذیل حسالت مسین ڈالیں۔ (یادر ہے S2 زمسین سے حبر اہے۔)

مواد ب ب ب ب ک

سونج آ  $S_1$  کو بٹھا کر دوبارہ کھٹرا کرنے سے معتام 0001 پر مواد 1110 ککھا جبائے گا۔ ای طسرت جیلتے ہوئے حسافظہ مسین ماتی مواد کلھاجائے گا۔

#### حبافظہ سے مواد کاحصول

سونگ  $S_1$  کو کھٹڑاکر کے حیافظہ سے مواد پڑھی جب سکتا ہے۔ پتہ سونگے کے ذریعہ مطلوب معتام کا پتہ حیافظہ کو مہیا کر کے جیدار پیدار پید آمدی مواد کر ہید کرے گا۔ یاد رہے (اسس مخصوص حیافظہ کے) کو مہیا کر کے جیدار کا ہربٹ لکھے گئے مطابقتی ہٹ کا متم ہوگا۔ ہم حیافظہ مسیں لکھائی کے دوران  $S_2$  کو زمسین کے ساتھ جوڑ کر رکھتے ہیں جب اسس سے مواد پڑھنے کے لئے امشارہ  $\overline{E}_R$  استعال کرتے ہیں۔ یوں جب مواد پڑھنا ہو  $\overline{E}_R$  پست کیا جب کا ورجہ حیافظہ عنہ مسیم کی بیات کیا جیا گا۔

# 9.۵ پخت حسافظ سے ترکسیبی ادوار کاحصول

اس كتاب كے حصہ ۴.۵ مسيں شناخت كاركے ساتھ ايك جمع گيٹ استعال كركے تف عسل كا حصول و كھايا گيا۔ استعال كركے تف عسل كا حصول و كھايا گيا۔ البين بين الكي خرج ہوتے ہيں۔ المحافظ خرج ہوتے ہيں۔ ہم محت كاركے مطلوب محتارج اور ايك جمع ہم تف عسل كو محبوعة اركان ضرب كے روپ مسيں لكھ كر اسے شناخت كاركے مطلوب محتارج اور ايك جمع گيٹ ہے۔ گيا۔ ہے۔ ساسل كساح سكتا ہے۔

configure 12

دہراتاہے)حاصل کرنے والا دور تصور کیاحب اسکتاہے۔

$$D_7 = \sum (0,3)$$

$$D_6 = \sum (1,2)$$

$$D_5 = \sum (1,2,3)$$

$$D_4 = \sum (3)$$

$$D_3 = \sum (0,1)$$

$$D_2 = \sum (0,2)$$

$$D_1 = \sum (3)$$

$$D_0 = \sum (1,2)$$

#### سوالاب--

سوال ۱. و: مختلف جسامت کے حسافظوں مسین پت بِٹ کی اعشاری تعبداد (۱) 4 ، (ب) 16 ، اور (ج) 32 ہے۔ ان حسافظوں مسین الفاظ ذخیرہ کرنے کے معتام کتنے ہوں گے؟

4294967296 (2), 65536 (\_\_), 16 (1):\_\_13.

وال ۹.۲: حافظ کی جامت عصوماً  $N \times D$  کسی اور پکاری حباتی ہے ، جباں N حافظ مسیں الفاظ کی تعداد اور D ایک لفظ مسیں بٹوں کی تعداد ہے۔ یوں (۱)  $64K \times 4$  (بارک  $K \times 8$  (قرر د)  $K \times 8$  (دور د)  $K \times 8$  (بارک  $K \times 8$  (یادر ہے ایک کلوبائٹ ہے۔)  $K \times 8$  اور کا بائٹ ہوں گے ؛ (یادر ہے ایک کلوبائٹ ہے۔)  $K \times 8$  دور کا بائٹ ہوں گے ؛ (یادر ہے ایک کلوبائٹ ہے۔)

جواب:(۱)سوله پت اور آٹھ موادبٹ، (ج)اٹھ ارہ پت اور آٹھ موادبٹ۔

سوال ۹.۳: حافظہ کے 50293<sub>10</sub> پت پر 172<sub>10</sub> مواد لکھا ہے۔اسس تک رسائی کے لئے سولہ بٹ پت کسیا ہوگا اوراسس معتام سے کسیا تھ بٹ مواد پڑھا حبائے گا؟

جواب: يت 1010110011000110001، مواد 10101100

سوال ۱۹.۴: حیار عدد  $8 \times 8 \times 8$  حیافظ اور ایک عدد  $4 \times 2 \times 2$  شناخت کار کی مدد سے  $8 \times 8 \times 8$  حیافظ حیاصل کریں۔

 $\sim$  بوال 9. هو عدد  $8 \times 256K \times 8$  حافظ استعال کرکے  $0.006K \times 8$  حافظ مناصل کریں۔

سوال ۹.۲: حیار پت اور آٹھ مواد بٹ حسافظہ استعال کر کے نوکا پہاڑا حساصل کرنا ہے۔ حسافظہ کوشنائی مسرموزاعثاری او مسرموزاعثاری روپ مسیں 0 تا 9 اعشاری عسد دبطور پت فنسراہم کیا حبائے گا۔ حسافظہ نے موادیٹ پرجواب باب.٩.حافظ

شن کی مسر موز اعشاری روپ مسین پیش کرنا ہے۔مشلاً ا، گر اسے دو (0010<sub>2</sub>) منسر اہم کیا جباۓ توب اٹھارہ (00011000<sub>2</sub>) حنارج کرے۔(۱) حیافظہ مسین لکھیا مواد حبدول کی شکل مسین لکھیں۔(ب) حیافظہ مسین کلی مشکل مسین لکھیں۔(ب) حیافظہ مسین کلی مشکل مسین لکھیا ہوں گے؟

## جواب:چھ معتام غیسر متعمل ہوں گے۔

مقتام	مواد
0000	0000 0000
0001	0000 1001
0010	0001 1000
0011	0010 0111
0100	0011 0110
0101	0100 0101
0110	0101 0100
0111	0110 0011
1000	0111 0010
1001	1000 0001

سوال 2.9: حپارہِ خشن کی عدد مسیں 1 کی تعداد حبانت مقصود ہے۔ اسس کام کے لئے 4  $\times$  16 حسافظہ استعال کی احب اتا ہے۔ حسافظہ نے اسس عدد مسیں 1 کی تعداد کی احب اتا ہے۔ حسافظہ نے اسس عدد مسیں 1 کی تعداد مطور مواد حن ارج کرنا ہے۔ یوں اگر 1011 فنراہم کی حبائے تو 2001 وصول ہوگا۔ حسافظہ مسیں لکھ گیا مواد حبدول مسیں لکھیں۔

عبدد	اكائسيال
0000	0000
0001	0001
0010	0001
0011	0010
0100	0001
0101	0010
0110	0010
0111	0011
1000	0001
1001	0010
1010	0010
1011	0011
1100	0010
1101	0011
1110	0011
1111	0100

سوال ۹۸٪ انٹرنیٹ سے (۱) 2708، (ب) 2732، (ج) 2764، (د) 27256، (ه) 6116، اور (و) 62256 عوال ۹۸٪ سازت کے معلوماتی صفحات سے اور دورانی رسائی دریافت کریں۔ (ب سافت کریں۔ (ب سافت کریں۔ (ب سافت کریں۔ (ب سافت کریں۔ کا جہاں کہ معلومات کے لئے دستیاب ہیں۔)

# باب-۱

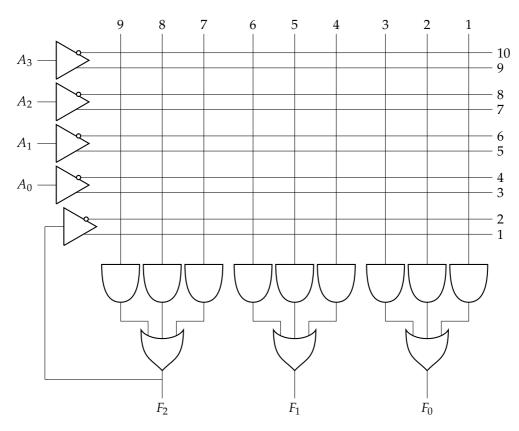
# وت بل تشكيل تركب بي منطقي ادوار

پختہ حافظہ استعال کرتے ہوئے تف عسل کا حصول گزشتہ باب مسیں دکھایا گیا۔ m بٹ پتہ پختہ حافظہ مسیں تمام مکن ہے  $2^m$  ارکان ضرب موجود ہوتے ہیں جنج گیٹوں سے جوڑ کر درکار تف عسل حساس کیے جب سکتے ہیں۔ پخت حسافظہ تابلی تشکیلی ترکیبی منطقی ادوار '، جن پریباں غور کسیاحبے گا، کی ایک فتم ہے۔

وت بل تفکیل ترکیبی منطقی ادوار کی پہلی فتم قابل تفکیل جمع ترکیبی منطقی ادوار اے، جن مسین پہلاصف ضرب گیٹ اور دوسر بھٹ کی منطقی ادوار علیہ منطقی ادوار علیہ منطقی ادوار کی ہمان کے اور دوسر کی منسب از کا موسی منسب کے جمع کیٹوں کے داخشی برقی جوڑ ت بل تفکیل ہوتے ہیں۔ پخت مسافظ مسین داخشی مسین شمسار ہوتا ہے۔ اس فتم مسین شمسار ہوتا ہے۔

و بال تفکیل ترکیبی منطق ادوار کی دو سری فتم قابلی تشکیلی ضرب ترکیبی منطقی ادوار "ب، جن مسین پهاصف خرب گیسی منطقی اور دو سراجع گین کابو تا به اور جو مجب و عب ارکان خرب کی صورت مسین تف سل دیتے ہیں۔ پہلی صف کے خرب گیسوں کے داخنلی برقی جو ڈائل ہوتے ہیں۔ منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے خرب گیسوں کے داخنلی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے خرب گیسوں کے داخنلی حزب دار مسائل تفکیل ترکیبی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے خرب گیسوں کے داخنلی حزب و ترکیبی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے خرب گیسوں کے داخنلی جو ڈردنوں مسائل تفکیل ہوتے ہیں۔ انہیں قابلی تشکیل حزب و جمع ترکیبی منطقی ادوار "کہتے ہیں۔

programmable logic devices (PLDs)<sup>1</sup>
programmable array logic (PAL)<sup>r</sup>
programmable logic array (PLA)<sup>r</sup>
CPLD, complex programmable logic devices<sup>r</sup>



شکل ا. ۱۰: ت بل تفکیل ضرب جوڑوالے ترکیبی دورکی عصومی ساخت

مذکورہ بالاادوار بروگرام (مخسلوط دور برنامیہ نویس) سے تشکیل دیے حبتے ہیں۔

# ا. • . • ا تشكيل ضرب تركيبي منطقي ادوار

ت بل تفکیل ضرب ترکیبی منطقی ادوار کی عصومی ساخت شکل ۱٫۱۰ مسیں دکھائی گئی ہے جہاں دور کے حپار مداحنل اور تین محنارج ہیں۔ ان ادوار مسین عصوماً کئی محنارج احشارے بھی بطور مداحنل استعال کیے حباتے ہیں جیسے یہاں 72 استعال کیا گئیا گئیا ہے۔

د کھائے گئے دور کے تین کیساں تھے ہیں۔ ہر حصبہ مسیں وسس مداحن تین ضرب گیٹ ہیں جو تین مداحنل ایک بیٹ گیٹ کو حباتے ہیں۔ ضرب گیٹ کے مداحن وسال تفکسیل جبکہ جج گیٹ کے مداحنل اٹل ہیں۔ دور کے کُل حپار

programmer

مداحنل ہیں جنہیں مستحکم کارے گزار کران کے متم بھی ضرب گیٹ کومہیا کیے گئے ہیں۔اسس دور مسیں 10 داحنلی کُل 9 جمع گیٹ ہیں البہٰ ذااسس مسین 90 = 10 × 9 منتلے ہوں گے۔

عسام دستیاب ادوار مسین مداحن اور محنارج کی تعبداد اسس سے زیادہ ہوگی، مشالًا ان مسین سولہ مداحن ، آٹھ محنارج اور آٹھ یک ان اندرونی ھے ہو کتے ہیں جن مسین ہر حسہ آٹھ ضرب اور ایک جمع گیٹ پر مشتمل ہوگا۔ مسزید حنارجی اسٹاروں پر مستملم کارنصب ہو سکتے ہیں جنہیں بلندر کاوٹی حسال کیا حب سکتا ہے۔

آئیں اسس دور کو استعمال کرتے ہوئے درج ذیل تغن عسل حساصل کرتے ہیں جو ارکان ضرب کے روپ مسیں دیے گئے ہیں۔

$$F_0(A,B,C,D) = \sum (4,5,10,14)$$
 
$$F_1(A,B,C,D) = \sum (0,1,5,7,9,13,14,15)$$
 
$$F_2(A,B,C,D) = \sum (0,1,5,7,14,15)$$

کارنان نقث حبات سے ان تف عسل کادرج ذیل سادہ رویہ حساس کے احباسکتا ہے۔

$$F_{0} = \overline{A}B\overline{C} + AC\overline{D}$$

$$F_{1} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC + A\overline{B}C = F_{2} + A\overline{B}C$$

$$F_{2} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC$$

ان مساوا توں مسیں کوئی بھی ضربی رکن تین سے زیادہ مداحسل پر مشتل نہسیں لہندا درج بالا تقساعسلات کو مشکل ۱۰۱۰مسیں پیش متابل تشکسیل ترکسیبی منطقی دور استعمال کر کے حساصسل کسیاحب سکتا ہے۔ مشکل ۲۰۱۰مسیں درج بالا تقساعسلات کا دور دکھسایا گسیاہے جہاں سالم جوڑصلسیبی نشان سے ظہر کیے گئے ہیں۔ باقی جوڑمنقطع کیے گئے ہیں۔

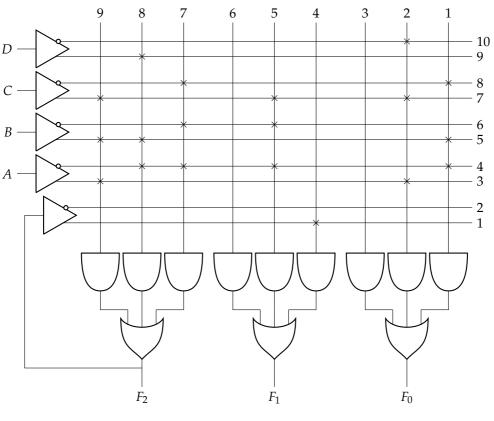
# ۱۰.۰.۲ وت بل تشكيل ضرب وجمع تركسيبي منطقي ادوار

ان اد دار مسین بھی پہلی صف ضرب گیٹ اور دوسری صف جمع گیٹوں کی ہوتی ہے البت ان مسین ضرب گیٹوں اور جمع گیٹوں کے تمسام جوڑوت بل تفکیسل ہوتے ہیں۔یوں استعمال کے نکت نظسرے سے نہایت کیک دار ہوتے ہیں۔

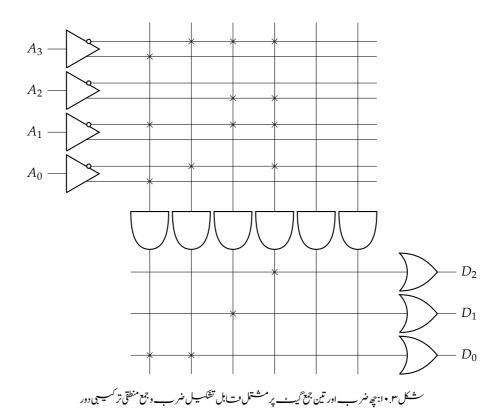
سشکل ۱۰۰ سیس سیل تشکیل ضرب و جمع ترکیبی منطقی دور د کھایا گیا ہے۔ اسس دور مسیں تمسام ضرب گیول کے داخنلی جوڑ اور چھ داخنلی تین داخنلی جھ ضرب گیٹ اور چھ داخنلی تین اور چھ داخنلی تین جمع گیٹول کے داخنلی جوڑ فتابل تشکیل ہیں۔ اسس دور مسیں آٹھ داخنلی چھ ضرب گیٹ اور چھ داخنلی تین جمع گیٹ ہیں۔ یوں اسس مسین کُل جوڑ 66 ہوں گے۔

اسس شکل میں درج ذیل تین نف عسل حساس کے گئے ہیں جہاں صلیبی نشان سلامت جوڑ کو ظاہر کرتے ہیں۔ ان نف عسل کے حصول مسیں حپار ضرب گیٹ اور شینول جمع گیٹ کی ضرورت پیشس آئی، جبکہ دوضرب گیٹ زیر استعمال نہیں آئے۔

$$D_2 = \overline{A}_0 \overline{A}_1 A_2 \overline{A}_3$$
 
$$D_1 = \overline{A}_1 A_2 \overline{A}_3$$
 
$$D_0 = A_0 \overline{A}_1 A_3 + \overline{A}_0 \overline{A}_3$$



شكل ٢.١٠: تين تف علات كاحصول



یہاں دکھایا گیا تنگیل ضرب وجمع ترکیبی منطق دور صرف سمجھانے کی حناط سر تھتا۔ حقیقی ادوار مسیں کئی گٹ زیادہ مداحن محنارج، اور گیٹ ہوں گے۔ شائی تفاعل کی سادہ ترین صورت حیاصل کر کے اسے محناوط دور مسیں ڈالاحب تا ہے۔ سادہ ترین روپ کا حصول، جو عصوماً ایک مشکل کام ہوگا، کمپیوٹر کے ذریعے کیا حب تا ہے۔ منقطع ہونے والے وسنتیوں کی معلومات بھی کمپیوٹر فنسراہم کرتا ہے۔ فنتیل کی معلومات بھی کمپیوٹر فنسراہم کرتا ہے۔ فنتیل محناوط ادوار کا پروگر امسر منقطع کرتا ہے۔

جیب دھ۔ ۱۳۰۳ مسیں ذکر کیا گیا، ضرب و جمع دور کو ضرب متم وضرب متم سے حساس کیا جا الگا ہے۔ ای طرح متم میں ذکر کیا گیا ہے۔ ای طحد حضر خرب متم گیٹ کے تسام مداحت ایک سے حقی جوڑنے سے نفی گیٹ حساس ہوتا ہے۔ ای کے حقیقت اُحتابل ادوار صرف ضرب متم گیٹ سے سنائے حباتے ہیں۔ شکل ۱۰۳ مسیں تمام ضرب، جمع اور نفی گیٹ کی جگھے دور جگھے ضرب متم منطقے دور جگھے شرب متم منطقے دور کہا ہے گا۔

# ا. ١٠ تشكيل ترتيبي ادوار

جیااس باب کی شروع مسین ذکر ہوا، وسلح پیچانے کے مخلوط ادوار از تسبی بن اوٹ رکھتے ہیں۔ تابل تشکیل ترکسیبی ادوار کے ساتھ پلٹ منسلک کرے متابل تشکیل ترشیبی ادوار حساس کے جباتے ہیں۔ اسس طسرح کے یک ال کئی ھے ایک مختلوط دور پر مسین ڈال کر پیچیدہ قابلی تشکیلی ترثیبی ادوار مبنے جباتے ہیں۔ ان ادوار مسین تسام الفت رادی حصوں کے ماہین، وت بل تشکیل ترکسی تو ڈول (فتتیوں) کا حبال بچھیا جباتا ہے، اور بسیرونی مداحنل کے ساتھ ماہین، وت بل تھک ماری بطور مداحنل استعمال کے حباستے ہیں۔

انتہائی وسلیج پیانے کے مخلوط ادوار ^کی بناوٹ صف درصف گیٹوں پر مسبنی ہوتی ہے۔ایے حبدید مختلوط ادوار مسیں گیٹوں کی تعبد ادار ہوں مسین ہوتی ہے۔

انتہائی و سنج ہیں نے کے محنلوط ادوار کاذکر کرتے ہوئے موُر کی پیٹن گوئی کاذکر کرنالازم ہے جبنہوں نے 1965مسیں پیٹن گوئی کی کہ محنلوط ادوار مسیں گیٹوں کی تعب دادہر دوسال مسیں دگئی ہوگی۔ یہ پیٹن گوئی جے موُ**ر کا قانون <sup>6 کہتے</sup> ہی**ں اب تک درست ثابت ہوتا آرہاہے۔

انتہائی و سیج پیانہ مختلوط دور تفکیل دیے کی حناطبر تفاعل میں مستعمل گیٹ اور ان کے ﷺ جوڑ کی معلومات مختلوط دور بناتے وقت اسس معلومات مختلوط دور بناتے وقت اسس معلومات کے تحت گیڈل کے نے درکار جوڑ بنا دیے حباتے ہیں۔ کبھی کبھار صنعت کار صارف کے ضرورت کے مطابق محتلوط دور تبارکر تاہے۔ ایسے تبارکے حبانے والے ادوار کو خصوص استعمال کے مخلوط (دورت اکر تاہے۔ ایسے تبارکے حبانے والے ادوار کو خصوص استعمال کے مخلوط (دورت اگر تاہے۔ ایسے تبارکے حبانے والے ادوار کو خصوص استعمال کے مخلوط (دوار اللہ کے بین۔

اس سلمانہ کی آسنسری فتم موقع پر قابل تشکیل گیٹے صف "بجودرامسل انتہائی وسیع پیان مناوط ادوار کی وہ فتم

large scale integration (LSI)

complex PLD (CPLD)2

very large scale integration (VLSI)<sup>A</sup>

Moore's law

application specific integrated circuit (ASIC)1\*

field programmable gate array (FPGA)"

ہے جے صارف خود تفکیل دے سکتاہے۔ انہیں باربار تفکیل دیا حب سکتاہے۔ ان ادوار مسیں گیٹ، پلٹ، شناخت کار، عبارضی حب افظہ اور اسس قتم کے دیگر ادوار پائے حب تے ہیں۔ موقع پر حت بل تفکیل گیٹ صف استعال کرنے کی حناط رکھی موٹر کے مدد سے تیار اکرنے کی حناط رکھی کمپیوٹر کو مدد سے تیار اکرنے کی حناط رکھی کمپیوٹر کو گرام استعال کے حب سے ہیں۔

مثل ا ا ا: انسٹرنیٹ سے EPM7032 مختلوط دور کے معلوماتی صفحات ساصل کریں۔(۱) اسس مسیں کتنے کیاں ہے ہیں؟(ب) کیا ہے؟

#### سوالا\_--

سوال ۱۰۱: تین کے پہیاڑے کا حصول ۔ ت!بل تشکیل ضرب منطقی دور استعال کرکے ایسا دور تحضلیق دیں جس کامداحضل شنائی عبد د A3A7 A1 A1 ورمحضارع عبد د کا تین گناہو۔

سوال ۲۰۱۰: ت بیل تشکیل ضرب منطقی دور سے نصف جمع کار کا حصول ۔ ایس دور تحضیلین دیں جو شن انکی عصد د $A_3A_2A_1A_0$  اور  $A_7A_6A_5A_4$  بیخ کر تاہو۔

سوال ۱۰: ت بیل تشکیل ضرب منطقی دور سے مکسل جمع کار کا تصول ایسا دور تحضیق دیں جوشٹ نگی اعتداد  $A_3A_2A_1A_0$  ،  $A_7A_6A_5A_4$  ورحساص ل  $A_7A_6A_5A_4$  تشاریح کی کار کے  $A_7A_6A_5A_4$  صناریح کرتا ہو۔

سوال ۱۰.۰: تابل تشکیل ضرب متمم وضرب متم منطقی دورات تعال کرے مساوات ۱۰ ساکا دور تختایق دیں۔

سوال ۱۰.۵: وتابل تفکیل ضرب متم و ضرب متم منطقی دور استعال کرتے ہوئے ایس دور تحنایق دیں جو شنائی مسرموز اعضاری اعداد A3A2A1A0 اوغناری کرتاہو۔

computer aided design (CAD)"

## با\_\_\_ا

# غني رمع اصر ترتني ادوار

وسیج پیبان عددی ادوار عصوماً معاصر ادوار کے طسرز پر بنائے حباتے ہیں۔ان کے اگلے حیال مکسل طور پر موجودہ حیال سے حیاصل ہوتے ہیں اور باقی اوصات کے لئے انہاں عنصر متخصر تھور کیا جہال عرف ساعت کے لئے انہیں عنصر متخصر تصور کیا حباسکا ہے۔ ساعت کے کنارے سے چند لمحیات قسبل تا چند لمحیات بعب محتال کاپائیدار ہونایق نی بنایا حباتا ہے۔ یوں کنارہ ساعت پر معسلوم حیال پائے حباتے ہیں جن سے اگلے بر معسلوم حیال پائے حباتے ہیں جن سے اگلے بر تھین حیال حیاصل ہوتے ہیں۔

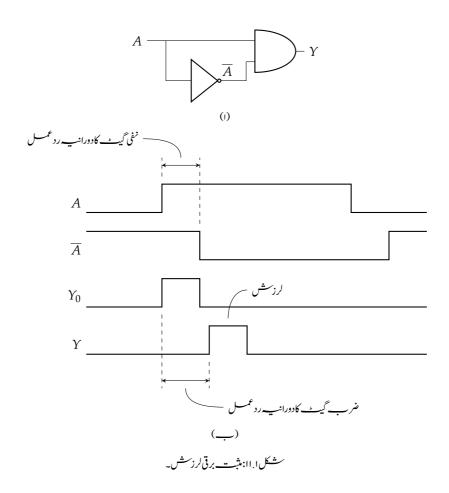
اسس کے بر تکسس عنیب معاصر ادوار کے حسال کی بھی لھے۔ تب یل ہو سکتے ہیں جسس سے حسالت دوڑ اور دیگر مسائل کھٹرے ہوتے ہیں جن پر اسس باہے مسیں غور کسیا حبائے گا۔

غیبر معیاصر ادوار کی اپنی ایک اہمیت ہے۔ یہ ساعت کے کسنارے کا انتظار کیے بغیبر امشارہ کورد عمسل کر سکتے ہیں۔ عب وماً کی بھی عب دی دور مسین کچھ حسب معیاصر اور کچھ غیبر معیاصر ہوگا۔

سٹکل ۱۱. امسیں نہایت سادہ دور دکھایا گیاہے جس کو سر سری نظرے دکھ کریوں محموس ہوتا ہے کہ ضرب گیا۔ امسیں نہایت بہت ہوتا ہے کہ ضرب گیٹ کا محنان جھی مداحنل A گیٹ کا محنان جھی مداحنل A مسالہ است سادہ نہیں جس محل مداحنل کرے گا۔ یہ آخی گیٹ کے دورانیہ رو حال تبدیل کرے گا۔ یہ آخی گیٹ کے دورانیہ رو عمل کرد کھائی گیہ ہے۔ اگر ضرب علی مداحنل کے دورانیہ کی بدولت ہے۔ اگر ضرب کا محنان کا دورانیہ رو عمل مصند ہوتا تب ضرب گیٹ کا محنان کا ان دومداحنل کے مطابق حسال کو انتقار کرتا۔ حقیقتاً مرب گیٹ کا محنان کا دورانیہ رو محمل کے جند لحسات درکار ہوں گے لہذا ضرب گیٹ کا محنان کا کہوگا۔

آپ د کھ کتے ہیں ضرب گیٹ کا محتارج غیر مطلوب طور پر، نفی گیٹ کے دورانیہ ردِ عمل سے برابر دورانیے کے لئے، بلند ہوگا۔ اس طسرح کے، غیر مطلوب نہایت کم دورانیہ کے لئے، حال کی تبدیلی کو برقی لرز ش یا مختصراً

delay'



**لرز (پر ا** کہتے ہیں۔ برقی لرزمش مثبت یامفی ہو <sup>سک</sup>تی ہے المہذا موجودہ لرزمش کو مثبت لرزمش کہتیں گے۔ لرزمش نہایت کم دورانیے کی دھٹڑ کن تصور کی حب سسکتی ہے، تاہم لرزشش کی اصطبار ت عسوماً غنیبر مطباو ہے دھٹڑ کن کے لئے استعال کی حیاتی ہے اور ان سے معیاصر ادوار کوبا کے رکھیا حیاتا ہے۔

لرز مش کی وجب سے ادوار ع**بور کی عالی "اختی**ار کرتے ہیں۔اسس باب مسین عبوری حسال پر تفصیلاً بحث ہو گی۔

آپ نے دیکھ کہ ضرب گیٹ تک اشارہ \overline ہینچنے میں تاخیر کی ہدوات لرزشش پیدا ہوئی۔ تاخیر کی مسزید ایک مثال دیکھتے ہیں۔

برقی تارمیں برقی دباو کی رفت ارتقب ریباً خیاہ میں روشنی کی رفت ارس کے برابر ہوتی ہے۔ یوں ایک نیسنوسیکنڈ میں برقی د باو تقسیر بیا أور  $0.3 \times 10^8 \times 10^8 \times 10^{-9}$  میبٹر لینی 30 منٹی میبٹر مناصلہ طے کرتا ہے۔ آیئے دیکھتے ہیں اگر پچھسلی مثال تبدیل کر کے نفی گیٹ کی جگہ 30 سینٹی میٹر برقی تار لگائی حبائے اور ضرب گیٹ کی جگہ بلا شرکت جمع گیٹ نصب کساحیائے تو دور کار دغمسل کیپ ہو گا(شکل ۱۱٫۲ دیکھیں)۔

اشارہ A گیٹ کے ایک داختی پن پر مہاکب آگیا ہے جب کہ یہی اضارہ تیسس سنی مسیر برقی تارے گزار کردوسرے دا حسلی پن پر مہاکب اگسیا ہے جہاں ( تاخب رے پہنچنے والے )اث ارے کو A کہا گسیا ہے۔ تار کوبل دار لکب رے ظاہر کے اگریا ہے۔ یوں اشارہ At گیٹ کے دوسرے بن تک (تارمیں ترسیل کے بعد) تافیر سے بنچتاہے۔اشارہ  $A_t$  بلت دیاییت ہونے کے ایک نسینو سیکنڈ بعب داشارہ  $A_t$  بلت دیاییت ہوگا۔ گیٹ کا دورانی ردِ عمس نظر انداز Aکرتے ہوئے گیٹ کامحنارج ۲۰ ہوگا۔ گیٹ کا دورانی ردِ عمسل مد نظر رکھتے ہوئے محنارج ۲ ہوگا۔ گیٹ کے حنارجی اثارے میں دوبلے برقی لرزشیں دیجھنے کو ملتی ہیں جن کے دورانے برقی تار میں تاخیر کے برابر ہیں۔ یوں اشارے کی راہ مسين تاخب ر، حب نظب كي طب رح، معلومات لمحي آتي طوريا در كھنے كي صلاحيت ركھتي ہيں۔

آ نے دیکھ مختلف طسرز کی تاخب رور مسیں لرز شیں پیدا کرتی ہیں۔ جہاں بازر سمیر اشارہ ۵ تاخب رہے پہنچ کر مختارج تب دیل کرتا ہو وہاں دوران تاخب محنارج اور تاخب رکے بعد محنارج مختلف ہوں گے جس سے ما یائیدار طالعے اپسیدا ہو گا۔

جب بھی ایک سے زیادہ اث ارب بیک وقت تب دیل ہوں، گیٹ اور برقی تاروں مسیں نامت ابل معسلوم تاخب رکی ہدولت ، ان کے اثرات حبانت تقسر بیباً نامسکن ہو گا۔ اسس مسئلے سے بچنے کی حناطسر غیسر معیاصر ادوار درج ذیل دو شسر الط کے تحت بنائے حباتے ہیں: (۱) ایک وقت پر صرف ایک امشارہ تب میل ہو؛ (ب) امشاروں کی تب میلی کے در میان اتت او تفن دیاجائے کہ تاخب رکے باوجود دوریائیدار حسال اختیار کرتا ہو۔ان مشر الط کے تحت حیلنے کو **بنیا دی طراق کا**ر <sup>ہ</sup>ے۔ تحت چلٺ کتے ہیں۔

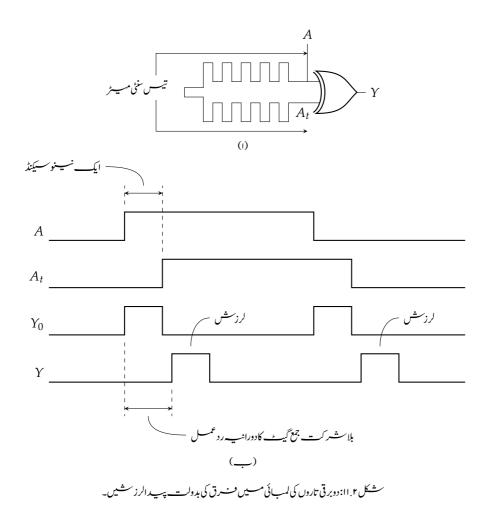
glitch'

transition state

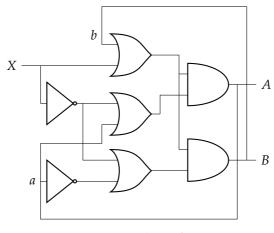
 $3 \times 10^8$  میں حنلاء کی روشنی میں حنلاء اسکینڈ فی میٹر میں میں منال feedback signal<sup>a</sup>

unstable condition

fundamental mode2



ا.اا. تحبزب



مشكل ١١.٣: غيسر معساصر دور ـ

## ا.اا تحبزب

غ**یر معاصر ترتیبی ادوار ^ سے مسر**ادایے ادوار ہیں جن مسیں (ا) بغیبر ساعت والے پلٹ پائے حبائیں اوریا ( ب ) ان مسیں ایک یاایک سے زیادہ محنارج بطور **بازر سے اشارات** استعال ہوں۔ جیسے اوپر ذکر کسیا گسی، مختلف نوعیت کی تاخسیر کی بہت پر بازر سی ارات لمحساتی طور پر حسافظہ کی صلاحی<u>ت رکھتے ہیں</u>۔

جب حضار جی امشارہ، مشلاً D ، بطور داحضلی امشارہ استعال ہو کر اپنی ہی قیمت (D) تعسین کرنے مسیں کر دار ادا کر تا ہو، س**ی بازر سی اثنارہ <sup>9</sup>کہا** تا ہے۔

اسس حسب مسين بغيب ريائ ادوارير غور كسياحبائ كاله پلائ والے دورير الكلے حسب مسين غور كسياحبائ كاله

ا.۱.۱۱ عبوری حبدول

غیب رمع اصر ترتیبی ادوار پرغور ان کے ع**بور کی جدول ۱**۰ کی مددے کیا حب تاہے۔ یہ طسریقہ مشکل ۱۱.۳مسیں دیے گے دور کی مددے سسکتے ہیں۔

پلٹ کی غنیبر موجود گی کے باوجود اسس کو ترشیبی دور اسس کئے کہ بین گے کہ حنار جی احداد A اور B بطور باز رسم اشارات اور A اور A استعمال کیے گئے ہیں۔ دورے حنار جی حسال کی مساوات کھتے ہیں۔

(II.1) 
$$A = (b+x) \cdot (a+\overline{x})$$
$$B = (b+x) \cdot (\overline{a}+\overline{x})$$

asynchronous combinational circuit<sup>A</sup>

feedback signal9

transition table '\*

feedback signals"

а	b	х	A	В
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	0

a مساوات حساس کرتے وقت بازری امشاروں کو عسام مداحن تصور کریں۔ یوں x کو بسیرونی مداحن جب a اور b کو اندرونی مداحن تصور کریں۔ ان مساوات مسیں a اور b موبودہ مخارج جب a اور a کا ایر a میں دکھیا گا ہے۔ مساوات سے حبدول ان احساس ہوگا جس سے عسبوری حبدول کا حصول مشکل ان a مسین دکھیا گا ہے۔

حبدول ۱۱. امسیں پیش عالی کے متغیراتے ۱۱ اور B کی معساومات کو علیحہ وہ کارنان نتوں کی طسرز پر کھی گلیستان عالی کے متغیراتے ۱۱ اور B کا معساومات کو علیحہ وہ کارنان نتوں کی بائیں حبانب قطار کھی گلیستان میں اندرونی مداحنل A کی عمورت مسیں ہیں۔ وفی مداحنل A کی عمورت مسیں ہیں۔ وفی مداحنل A کی قیمتیں جبکہ اوپر حبانب صف کی صورت مسیں ہیں۔ قیمتیں جبکہ اوپر حبانب میں کتھی حباتی ہیں۔

عجود کے جدول مسیں A اور B کی تیمتیں ساتھ ساتھ A B کسی حباتی ہیں۔ کارناف نقوں کی آحضری صف کی دائیں قطار وں مسیں A کی تیمت B جب B کی تیمت کی

شکل ۱۱.۵ پر نظر رکھ کر عبور کی جدول کے استمال پر غور کرتے ہیں۔ جب ول کی ab=00 صف اور a=0 قط رمسیں واقع حت نے کو ابتدائی خانہ "انہا گیا ہے ، جس مسین ab=00 اور a=0 کی صورت مسین ab کی قیت درج ہے۔ مسین کریں اہتدائی حت نے دور کا اہتدائی حت النظام کرتا ہے۔

اب اگر ab = 00 رکھتے ہوئے سیرونی مداحسٰل x کی قیمت 0 سے 1 کر دی حبائے تو عسبوری جدول کے مطابق ab = 00 کی قیمت 00 ہو حب کے گی۔ بول موجودہ حسال ab اور اگلے حسال 00 کی قیمت محل محل میں گی ہو عسبوری

state variables"

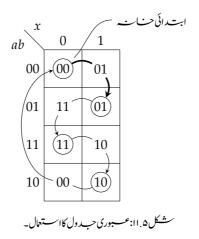
transient state"

الکی بھی متحکم حیال منانے کوابت دائی منانہ منتخب کسا ساتا ہے۔

الال تحبزي

	احبىدول	عبوري	A	ئەبرائے 1	نان نقث	ار: B	شەبرائ	نان نقسط	کار:
ab $x$	0	1	ab x	0	1	ab	0	1	7
00	00	01	00	0	0	00	0	1	
01	11	(01)	01	1	0	01	1	1	
11	<u>(11)</u>	10	11	1	1	11	1	0	
10	00	10	10	0	_ 1	10	0	_ 0	
									-

$$A=(b+x)(a+\overline{x})$$
  $B=(b+x)(\overline{a}+\overline{x})$  هول-شکل ۱۱: عبوری حب دول کا حصول



حسال کی نشانی ہے اور جس مسیں دورزیادہ دیر نہمیں رہ سکتا۔ برقی تاروں مسیں تاخیب رکے بعبہ ab = 01 کو قیب ab = 01 جو جب کے گی جب ab = 01 برگز تن اور اور ای ab = 01 برگز گی تیب رکے بعبہ عبوری جب دول کی ab = 01 برگز گاہب کی تھیں۔ ab = 01 اور ab = 01 اور ab = 01 بہجو مستحکم حسال کو ظاہر کر تا ہے (اور ای لئے دائرے مسین بہت دکھ کیا گیا ہے)۔ اسس پورے مسرحیا ہو ہے ہم" پہیا ہوتہ م" کہتا ہیں (وضاحت کی حضاطب، موٹی تعیبر دار لکسیسر سے ظاہر کمیا گیا ہے جو عبوری حنانے (عبوری حسال ab = 01 کی حناطب، موٹی تعیبر دار لکسیسر سے ظاہر کمیا گیا ہے جو عبوری حنانے (عبوری حسال ab = 01 کی رکز کر مستحکم حال (01) پر اختا میز پر ہوتا ہے۔

مستخکم (پائے یدار) حسال سے ابت داکرتے ہوئے X کی قیمت تبدیل کرنے سے دور پچھ کھوں کے لئے عسبوری حسال اختیار کر گیا۔ سے صورت زیادہ دیر برفت رار نہیں رہی۔ تارول مسین تاخیسر کے بعب بازری امشارے تبدیل ہوئے اور دور دوبارہ مستخکم حسال اختیار کر گیا۔ عسموماً ادوار کاعمسل ای طسیرج ہوگا۔

x=0 ای طسر x=0 مطابق دور x=0 گرقیت x=0 گرفت میں دری حبدول کے مطابق دور x=0 مطابق دور x=0 مطابق دور x=0 مطابق دور x=0 اور x=0 اور x=0 من x=0 اختیار کرے گا۔ اس مسر x=0 من x=0 کا بختیار کرو میں تاخیر کر بعد x=0 من تاروں میں تاخیر کر بعد x=0 من تاروں میں تاخیر x=0 من تاروں x=0 میں تاروں کیا تاروں ک

دور کا حسال AB کی بحب نے ABx ککس حب تاہے۔ یوں 000 ، 011 ، 101 ، 101 منتکم عالی جب مد 000 ، 010 ، 101 ، 101 ، 101 منتکم عالی جب 101 ، 000 ، 111 ، اور 100 عبوری عالی ہیں۔

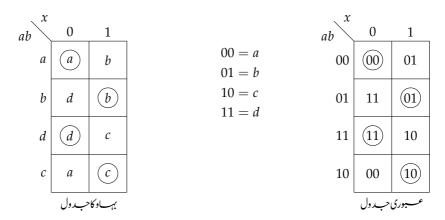
عبوری حبدول کی ہر صف مسیں ،عبوماً ، کم از کم ایک مستحکم حسال ضرور پایا حب اتا ہے۔ ایب سے ہونے کی صورت مسین اسس صف مسین کپنچ کر دور عبوری حسال اختیار کرے گا۔

عبوری حبدول حساصل کرنے کاطسریقہ کاریساں سیان کرتے ہیں۔

- · دورسیس تمام بازر سی اشارول اور بازر سی دائرول ۱۵ کانشاندی کریں۔
- کسی بھی ترتیب سے بازر می دائروں کے محتارج کی مشناخت ، C ، B ، A ،وغنی رہ جبکہ ای ترتیب سے ان کے باز رکااٹ ارت کی مشناخت ، c ، b ، a ،وغنیسرہ سے کریں۔
  - ہیپرونی اور اندرونی مداحن کی صورت مسیں تمیام محنارج کے بوولین تف عسل حیاصل کریں۔
    - ان تفاعل کے کارناف نقشے سنائیں۔

feedback loops12

ا.اا. تحبزي



شکل ۲.۱۱: عبوری حب دول سے بہاو کے حب دول کا حصول۔

- تمام کارناف نقثوں کو ایک عبوری جب دول مسیں یکجبا کریں۔ عبوری جب دول کے حنانوں مسیں ملک ملک ملک علی مصلف مسیں جب کہ حبد دول کے مائیں جب دول کے مائیں جب کہ حبد دول کے مائیں جب کر جب دول کے مائیں جب کہ حبد دول کے مائیں جب کہ حبد دول کے مائیں جب کہ دول کے مائیں جب کہ حبد دول کے مائیں جب کہ دول کے مائیں دول کے ما
- جباں ، ، ، ABC اور ای صف مسین ، ، ، abc کی قیت یک ان ہو، وہاں ، ، ، ABC کو دائرے مسین بہند کریں۔

عبوری حب ول کے حصول کے بعب رسیرونی مداحن ل تب یل کر کے دور کے عبوری حسال پر غور کسیاحب اسکتاہے۔

#### ۱۱.۱.۲ بهاو کاحب دول

سشکل ۱۱. ۴ مسیں عبوری حب ول کلمتے ہوئے حنانوں مسیں بود لین طسرز پر حسال درج کیے گئے۔ دو محنارج کی صورت مسیں حب رحسال ( 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 کوحسال 0 ، 00 کوحسال کوحسال 00 ک

سٹکل ۱۱.۱ مسیں پیش بہاوے حبدول کی ہر صف مسیں صرف ایک مستظم حال پایا حباتا ہے۔ پہلی صف مسیں صرف 000 اور دوسری صف مسیں صرف 011 مستظم حال پائے حباتے ہیں۔ ایسا حبدول جس کی ہر

صف مسین صرف ایک مستحکم حسال پایا جساتا ہو اولی بہاو کا جدولی اکسالا تاہے۔

شکل ۱۱.۷ مسیں ایک ایب ہیں و کاحبدول پیش کی گیا ہے جس کی صفوں مسیں ایک ے زیادہ مستکلم حسال پائے دیا ہے۔ اور اور 010 ہیں۔ ایسے حبدول کو غیر اولی بہاو کا جدول ^۱ مسیں مستکلم حسال 000 ، 011 ،اور 010 ہیں۔ ایسے حبدول کو غیر اولی بہاو کا جدول کا

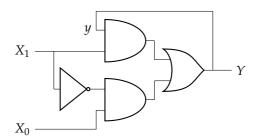
flow table

primitive flow table 12

non primitive flow table 'A

$x_1x_0$	$x_1x_0$
y 00 01 11 10	y 00 01 11 10
$a \bigcirc   \boxed{0}   \boxed{1} \bigcirc \boxed{0}$	$ \begin{array}{c cccc} a = 0 & & a & \hline  & b & a & \hline  & b & a & \hline \end{array} $
b	b
عبوری حبدول	غسيسراولين بهب وكاحبيد ول

### سشکل ۱۱: غنی راولین بهاوکے حبدول سے عسبوری حبدول کا حصول۔



شکل ۸.۱۱: عنب راولین بہاوے حیدول سے حساصل دور۔

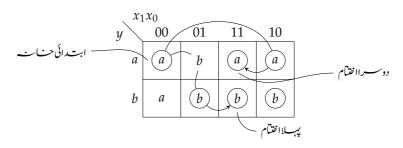
#### کتے ہیں۔

ہماوے جبدول ہے دور حساس کرنے کے لئے پہلے عہوری جبدول حساس کسیاحباتا ہے۔ ہماوے حبدول کے دو صف میں الہذادور کے دور حساس ہوں گے۔ دو ممکنہ صور توں کو ایک ہیٹ عبد د ظاہر کر سکتا ہے۔ یوں حسال a کو a اور موجودہ b کو a کو معادر کو حسور کی حبور کی حبور کی حبدول سے الاقطہ دار منتظیوں سے گروہ بندی کر کے کا تعناعب کر حاصل کرتے ہی۔ کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔ کرتے ہی۔ کرتے ہی کرتے ہی۔ کرتے ہی کرتے ہی۔ کرتے کرتے ہی۔ کرتے ہی کرتے ہی۔ کرتے ہی کرتے ہی۔ کرتے ہی۔ کرتے ہی۔ کرتے ہی۔

$$(II.r) Y = \overline{x}_1 x_0 + x_1 y$$

## اسس تف عسل کادور شکل ۱۱۸ مسیں پیش ہے۔

 ا.اا. محبزب



شكل ٩ . ١١: دومخلف ترتيب سے مداحن ل تب دیل کیے گئے۔

کرے عبوری حیال bے گزر کر مستحکم حیال b بہنچی ہے۔ دوسسری تیبر دار لکیبر مستحکم حیال bے آغیاز کرکے عبوری حیال b بہنچی ہے۔

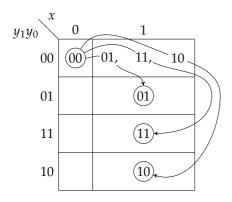
 $x_0$  کی تیمت میں ابت دائی حنانے سے آغن زکرتے ہوئے  $x_1$  بر مت دار اور  $x_0$  تبدیل کرنے کی بحبائے ہم  $x_0$  کی تیمت  $x_1$  کی تیمت کے بین ایعنی  $x_1$  کی تیمت کے بین ایعنی  $x_1$  کے بین  $x_2$  کے بین  $x_1$  کی تیمت بھی  $x_2$  کی تیمت بھی  $x_3$  کی دی حبائے، تواختای حیال بر مت دار  $x_1$  کی وصرا اختیام کہا گیام کہا گیا ہے۔

آپ نے دیکسا اختای حسال ہیں۔ ونی مداحسل کی تبدیلی کی ترتیب پر مخصسر ہے۔ اسس مشال مسین اہت دائی ہیں۔ ونی مداحسل 00 جبکہ اختای مہدونی مداحسل 10 ہیں۔ یادر ہے بنیادی طراقتی کار کی شعر الکا کے تحت، (دورکی درست کار کرد گل کے ضروری ہے کہ) ایک سے زیادہ ہیں۔ وفی مداحسل بیک وقت تبدیل نے کے جب ئیں۔ یوں 00 سے آعساز کرکے ہم سیدھا 11 نہیں کر سے ۔ ایس کرنے سے (نافت بل معسلوم تاخیسر کی بہنا پر) درست اختای حسال حبانسانا ممسکن ہوگا۔

#### ۱۱.۱.۳ حسالت دوڑ

مالت دوار السمال التعلیم التعلیم التعلیم التعلیم التعلیم الت التعلیم التعلیم

race condition19



شکل ۱۱.۱۱: بحسرانی دوڑ کی دوسسری مثال

$y_1y_0$ $x$	0		1		
00	00	01,	11,	10	
01			01)		
11			11)		
10		\	11_		/

$$00 \rightarrow 01 \rightarrow 01$$
  
 $00 \rightarrow 01 \rightarrow 01$   
 $00 \rightarrow 11 \rightarrow 11$   
 $00 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 11$ 

مشكل ١٠. ١١: بحسراني دوڙكي ايك مثال

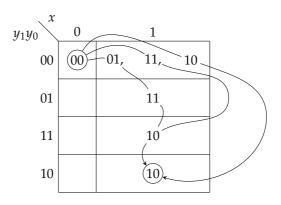
جب عسبوری حسال کی تبدیلی کی ترتیب اختامی حسال متعین کرنے مسین کر دار ادا کرتی ہو اور دور دو مختلف اختامی مستحکم حسال اختیار کرنے کی صسلاحیت رکھت ہو وہاں دوڑ کو بحکوانی دوڑ محمکی ہود منداستعال کے لئے ضروری ہے کہ دور مسین بحسر انی دوڑ کی صورت پیدانہ ہوتی ہو جہاں عسبوری حسال کی تبدیلی کی ترتیب اختامی مستحکم حسال پراٹر انداز سے ہوتی ہووہاں دوڑ کو غیر بمحرافی دوڑ اسمبیس گے۔

سٹکل ۱۱. ۱۱ مسیں بحسرانی دوڑی ایک مشال دکھائی گئی ہے جہاں بسیرونی مداخشل x اور بازری اشارات  $y_0$  ، اور ایسی بحسرانی دوڑی ایک مشال و کھائی گئی ہے جہاں بسیرونی مداخشل  $y_1$  (بینی محساری  $y_1$  ) بیں۔ حسال کو مشکل حالی  $y_1$  کستے ہوئے حسال  $y_2$  کستے ہوئے میں بہ نے دور تین مکن حسال  $y_3$  کا معالم حسال کی جبانے بہتے گئے گئے۔ سینوں عسوری حسال پہلی صف میں دکھائے  $y_2$  اور 101 میں سے کس حسال کو پہلے بہنچ گا۔ سی سینوں عسوری حسال پہلی صف میں دکھائے گئی ہوری حسال 101 اختیار کر گئی ہوں ، دور گئی ہوری حسال  $y_2$  کی مور سے مسیں دور یہاں ہے ہوتے ہوئے اختیا ہی مستخلم حسال انتقاد کر کے گاہ جس کو دو سری صف میں دائر سے مسیں دائر سے موتے ہوئے اختیا ہی مستخلم حسال 111 اختیار کر ہے گا، جس کو تیسری صف میں دائرہ مسیں سند دکھایا گیا ہے۔ آگر دونوں بازری راہ مسیں مائل تاخیہ ہوں دور سی صف میں دائرہ مسیں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صور سے مسیں دائرہ مسیں سند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صور سے مسیں دائرہ مسیں سند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صور سے مسیں دائرہ مسیں سند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صور سے مسیں دائرہ مسیں مشال میں دو اختیا ہی مستخلم حسال 111 بہنچ گا۔ اسس مشال مسیں دو اختیا ہی حسال مسیں میں دریاف کے دور ان مسیں ہے کہ دور ان مسیں سے کس اختیا ہی حسال کو بہنچ گا۔ سسی مشال مسیں بائیں حبانہ مسیں جیں سے جیاں کیں جی خل مسیں بائیں حبانہ کے دور ان مسیں ہے کہ دور ان مسیں ہائیں کے دور ان مسیں ہے کہ دور ان مسیں ہو کے کہ دور ان مسیں ہے کہ دور ان مسیں ہے ک

critical racer.

non-critical race

١١١. تحبزي



شکل ۱۱.۱۲: غیسر بحسرانی دوڑ کی ایک مثال

کی قطبار اسس لئے منالی رکھی گئے ہے کہ ہم صرف x=1 سے x=1 کرتے ہوئے دور پر غور کر رہے ہیں جس مسیں بائیں قطبار کے اندراحیات در کار نہیں۔

سٹکل ۱۱.۱۱ مسیں بحرافی دوڑ کی دوسری مشال پیش ہے جہاں تین اختای حال مسکن ہیں۔ منگل منتگم عالی x کی قیمت 1 کرنے ہوئے ہوئے ہوئے ہیں دون مداحنل x کی قیمت 1 کرنے ہے دور اختای حال کی طسرون دور آنگائے گا۔ بالکل اُوپر مشال کی طسرح، تین مکن عصوری حال مسکن ہیں۔ ایک عصوری حال 111 ہے جہاں ہے دوسری صف مسیں دکھائے اختای مستحکم حال 2011 پنچ گا۔ دوسرا عصبوری حال 101 ہے جہاں ہے تیسری صف کے اختای مستحکم حال 111 پنچ گا اور تیسرا عصبوری حال 101 ہے جہاں ہے آخندی صف مسیں اختای مستحکم حال 101 پنچ گا۔ نامعی میں اختای مستحکم حال 101 پنچ گا۔ نامعی میں اختای مستحکم حال 101 پنچ گا۔ نامعی میں اختای مستحکم حال نامعی میں اختای مستحکم حال نامعی میں اختای مستحکم حال نامی میں اختای میں انتقای مستحکم حال نامی نامی میں اُنٹی کی دور حقیقت میں اختای مساحل کو پنچ گا۔

اب غییر بحسرانی دوڑ کی ایک مثال دیکھتے ہیں جو مشکل ۱۲.۱۱ میں دکھائی گئی ہے۔اسس مثال میں دکھائی گئی ہے۔اسس مثال میں دوروں سے  $Y_1Y_0x = 000$  دوروں سے 101 میں نہیں۔ ایک عبوری حال 101 ہے جہاں ہے دوروں سے 101 میں میں معنے کے عبوری حال 101 ہے گزر کر آخنہ کار چوتھی صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچے گا۔ دوسرا عبوری حال 111 ہے جہاں ہے دور تیسری صف کے عبوری حال 101 ہے ہوگاہ تیسرا عبوری کے عبوری حال 101 ہے ہوگاہ تیسرا عبوری کے عبوری حال 101 ہے ہوگاہ تیسرا عبوری کے حال 101 ہے جہاں ہے دو آخنہ کار آخنہ کی صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچے گا۔ تیسرا عبوری حال 101 ہے جہاں ہے گزر کر دور آخنہ کی صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچے گا۔

$y_1y_0$ $x$	0	1
00	00	10
01		(01)
11		11)
10		11

سال	تبادله <sup>ح</sup>	:
$00 \rightarrow$	$10 \rightarrow$	11
(_	<u> </u>	

$y_1y_0$ $x$	0	1
00	00	10
01		(01)
11		01
10		11

تب دلہ حمیال 
$$00 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 01$$
 (1)

شکل ۱۱: کھے۔ ہے

اسس مشال مسیں اگر حپ تین مختلف ممکنات موجود ہیں تاہم اختتای مستحکم حسال سب کاایک ہے اہلے ذا ہے۔ خیر بح**رانی دوڑ** ہوگی۔

مخصوص اور منف ردعبوری حسال سے گزر کر اختیای مستحکم حسال اختیار کرنے کو پچیرا <sup>۱۳</sup> لگانا کہتے ہیں۔ اسس کی مشال سشکل ۱۱.۳۱ مسیں دی گئی ہے۔ ان امشکال مسیں حسالت دوڑ نہسیں پائی حباتی چونکہ ایک وقت مسیں صرف ایک مینان حسال تسلم مینان حسال تاہم کے گزر ناہوگا۔ تسبدیل کرتا ہے، البت۔ اختیامی حسال تک پینچنے کی حساط سر دور کو مخصوص اور منف سرد عسبوری حسال سے گزر ناہوگا۔

سشکل - النے مسیں مستخام حسال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عسبوری حسال 10 کے بعد عسبوری حسال 11 سے گزر کر اختنای مستخام حسال 01 پہنپ گیا۔ سشکل-ب مسیں مستخام حسال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عسبوری حسال 10 کے راستے اختنای مستخام حسال 11 اختیار کیا گیا۔

### ۳.۱.۱۱ توازن اورار تعبا<del>ث</del> س

ایب دور جو پھیرے لگاتے ہوئے کی بھی اختای مستخلم حسال تک نے پنتی پائے غیر منتکم دور ۱۳ کہا تا ہے۔ شکل ۱۱، ۱۳ امسیں اسس کی مشال دکھائی گئی ہے جہاں ہیں دونی مداحنل 1 کرنے سے دور مستخلم حسال تک بنچ بغیب عبوری حسال سے عصبوری حسال منتقال ہوگا۔ ایسے ادوار بطور مرتعاثی ماسوائے جب انہیں ہونے دیاحباتا ماسوائے جب انہیں بطور مسر تعش استعال کرنامقصہ ہو۔

 $Y_1Y_0$  اور  $Y_1$  کو ایک ساتھ ملاکر ہی پر غور کرتے ہیں۔ جبدول مسین بیسرونی مختارج  $Y_0$  اور  $Y_1$  کو ایک ساتھ ملاکر

cyclerr

unstable circuit

oscillator

ا.اا. محبزب

$y_1y_0$ $x$	0	1
00	00	01
01		11
11		01
10		01

مشكل ۱۱:۱۸:مسر تغثس

ہیں۔ ونی مداحن بلند رہنے کی صورت مسیں ہم جدول کی دائیں قطار مسیں رہتے ہیں۔ کچھ تاخیہ کے بعد باز رق میں مصارات تک حسال  $y_1y_0=01$  کی خبر پہنچتی ہے لہذاان تاخیہ کے بعد  $y_1y_0=01$  ہوگا۔ کین حب دول کے تحت x=1 کی قطار اور  $y_1y_0=01$  کی صف مسیں حسال x=1 کی قطار اور x=1 اور بازری اشارات x=1 کی صف مسیں دور نادہ ور بہیں اسلام اسلام میں ہیں۔ جس مسیں دور زیادہ ور بہیں انہاں سال

oscillate 10

		$x_1x_0$ مداخنل					
$f_1f_0$	حال	00	01	11	10		
00	а	a	b	С	С		
01	b	а	$\bigcirc b$	С	d		
10	с	а	b	$\bigcirc$	$\bigcirc$		
11	d	d	b	С	d		

		$x_1x_0$ مداخنل				
$f_1f_0$	حال	00	01	11	10	
00	а	a	b	С	С	
01	b	а	$\bigcirc b$	С	d	
11	с	а	b	$\bigcirc$	$\bigcirc$	
10	d	d	b	С	d	

(1)

شکل11.10:حسال کے متغب راہے کا تقب ر

## ۱۱.۲ حالت دوڑ سے یا کے شنائی عسلامتوں کا تقسرر

حسالت دوڑ کی صورت اسس وقت پیدا ہو گی ہے جب ایک سے زیادہ محساری بیک وقت حسال تبدیل کرنے کی کوشش کریں۔ بحسر انی دوڑ کے صورت مسین ادوار صابل استعال نہمیں رہے۔ اسس جھے مسین بحسر انی دوڑ کے حساتے پر عشوب کے گار پر حیلنے کے تحت )ایک وقت پر عشیبر معساصر دور کا صرف ایک مداحسل تبدیل ہو مکتا ہے، الہذا ہے۔ حسری بڑھے ہوئے ایک سے زیادہ مداحسل کی تبدیل کی صفر میں۔

جن اددار مسین ایک وقت پر صرف ایک محسّاریّ حسال تب یل کرنے کی کوشش کرتا ہو، وہ حسالت دوڑ سے دو حسّار نہیں ہوتے۔امس حقیقت کو بروئے کارلاتے ہوئے حسالت دوڑ حسّتم کی حساتی ہے۔

عبوری حبدول کے حصول کے بعید اسس مسین درج حسال کوشن کی عبداستین تعسین کی حباتی ہیں۔ جن حسال کے ماہین عصبوری حبدول مسین تعسین کی حباتی ہیں۔ جن حسال کو ہممایی شنائی عبداستین مختص کرنے سے بحسر افی دوڑ سے پاک دور مساس موٹ ایک ہممایی اور 1010 ہممایی اور 1010 ہمسابی اور 1700 ہمسابی اور 1010 ہمسابی اور 1010 ہمسین صرف ایک ہمسابی طسرح 1010 اور 1010 ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہیں جب کے 1010 مسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمساب ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسابی ہمساب ہمساب ہمساب ہمساب ہمساب ہمسابی ہمساب ہمسابی ہمساب ہمسابی ہمساب ہمسابی ہ

f پہلی صف میں x کی قیت 00 ہے 01 کرنے سے حسال تبدیل ہو کر a ہو گا، اہندا حسال کا متغیر a تتبدیل ہو کر a ہو گا۔ اور البیدا نہیں ہو تتغییر کا صرف ایک ہنگا ہو کہ جو کلہ حسال کے متغیر کا صرف ایک ہنگا ہو گا۔

adjacent numbers"

			$x_1x_0$	مداحنا	
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	b	С	С
0010	b	а	$\bigcirc b$	С	d
0100	с	а	b	$\bigcirc$	$\bigcirc$
1000	d	$\bigcirc$ d	b	С	$\bigcirc d$

شكل ١١.١١: حالت دوڑ سے ياك حال كے متغب رات كاتقب ر

گا۔ اسس کے بر مکس، پہلی صف مسیں x کی قیمت 00 ہے 10 کرنے سے حسال تبدیل ہو کر a ہو گالہذا b کی قیمت a کی گارات ہوئے کی کو مشش کرتے ہیں الہذا a کی قیمت دوڑ پیدا ہوگا۔ ایک صورت مسیں دو سے زیادہ جسال کا متغیبر استعال کر کے دیکھ اسے دوڑ سے چھٹکا دا ممسکن ہے۔

کبھی کبھسار حپار صف عسبوری حب ول مسین دوہِٹ حسال کا متغیبریوں تقسرر کرناممسکن ہو گا کہ حسالت دوڑ پیدان۔ ہو۔

a اور a اور a کے لیے بالت رتیب برل کر حیالت روڑ ہے بیجنے کی (ناکام) کو مشش کی گئی ہے۔ یہاں a ، اور a اور a اور a کے بالت رتیب کی صف میں a ، اور a اور a کے لیے بالت رتیب کی صف میں a ، اور a کی قیمت a کی تو مور توں صور توں میں a کا صرف ایک بیٹ تبدیل ہوگا، لہذا پہلی صف میں حیالت دوڑ پیدا نہیں ہوگا۔ البت a دونوں صور توں میں a کی قیمت a کی قیمت a کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی کی کیمت کی کیمت کی کیمت کی کی کی کی کیمت

مذکورہ ہالا دومثالوں سے ظاہر ہے کہ موجو دہ مسئلے مسیں دوبٹ حسال کا متغیبر مختص کرنے سے حسالت دوڑ سے نحبات حساس کرنا ممسکن نہیں۔ ایک صورت مسیں حسالت دوڑ سے پاک حسال کا متغیبر منتخب کرنے کے لئے ہم آیک بلند پہلے۔ تقرری مسئل جسال کرتے ہیں، جس کا استعال نہایت آسان ہے۔ آیئے ای مشال پر اسے استعال کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

سشکل ۱۹.۱۱ مسیں حسال کا متغیبر حیار ہٹ رکھا گیا ہے اور اسس مسین ایک وقت پر صرف ایک ہٹ بلند کے۔ یوں حسال ، 0100 ، 0000 ، اور 1000 مقسرر کے گئے۔ کے حسال کے متغیبر بالت مرتب 1000 ، 0000 ، اور 1000 مقسرر کے گئے۔

شکل ۱۱.۱۱ مسیں حبدول کی پہلی صف مسیں مداحسل کی قیمت 00 سے 01 کرنے سے دور حسال a سے حسال

one hot bit assignment 12

			$x_1x_0$	مداحن	
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	e	С	С
0010	b	а	b	С	d
0100	с	а	$\int b$	$\bigcirc$	$\bigcirc$
1000	d	d	\ b /	С	$\bigcirc d$
0011	e	_	b	_	_

مشکل ۱۷.۱۱: عبوری حیال ہے حیالت دوڑ کا حیاتہ

b منتقال ہوتا ہے۔ یوں حال کا متغیبہ 0000 ہے 0000 ہوگاور اس میں دوبٹ کی تب یلی حالت دوڑ پیدا کرے گی۔ اس سے بچنے کے لئے جدول میں ایک نیا عبوری حال ، e ، خاصل کی تب یوں مقدر کیا گی۔ اس عبوری حال کے گزرنالاز می بنایا جاتا ہے۔ عبوری حال e کے لئے حال کا متغیبہ یوں مقدر کیا حب تا ہے کہ بیہ a اور خون کا ہما ہے عدد ہو۔ ایسا عدد a کی قطار کے حال کا متغیبہ a کی تعلیب و کا معنا ہوگا میں مقدر کیا جب تا ہے اور جدول کو تب دل کو a کی قطار کے حال a کی معنا میں a کی بیاتا ہے جب کہ ای قطار میں حال a کی صف میں a کی صف میں a کی معنا ہوگر شکل میں خاتا ہے جب کہ ای قطار میں حال a کی صف میں a کی معنا ہوگا تھا کہ تاریخ اسے ایا تعالیہ میں خاتا ہے۔ ایسا کرنے سے جب دول تب دیل ہوگر شکل ال کا انقدار کرتا ہے۔

اب پہلی صف مسیں مداحنل 00 ہے 01 کرنے ہے دور حسال a سے عصبوری حسال e افتیار کرتے ہوئے آحنسر کار افتیاں کرتے ہوئے آحنسر کار افتیای مستخلم حسال کا پنچتا ہے۔ اسس عمسل کو تسید دار لکسیسرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ اسس پورے عمسل مسیں ہوگا۔ عصبوری حسال e کی متخصر کاصرف ایک بیٹ تبدیل ہوتا ہے المبنداحسالت دوڑ پسیدا نہیں ہوگا۔ عصبوری حسال e کی مصنف مسیس ہوگا۔ عسبوری حسال مسیس صف مسیس باقی حسالے ہیں۔ ان مسیس سے کچھ حسانے زیر استعمال آئیں گے اور کچھ نہیں۔ استعمال مسیس سے آنے والے حسانے حسالی رکھے حساتے ہیں اور ان حسانوں کی قیست غیر ضرور کھے ۲۸ ہوگا۔

a اس کے بر تکس، پہلی صف میں مداخنل a ک منے a کرنے ہے شکل a ادرا میں حال a ہے حال a حالت دوڑ a حالت اوگا۔ حال کا متغیر a مناصل ہوگا۔ حالت ایسا کرنے ہے حالت دوڑ پیدا ہوگا، جس ہے ہم مذکورہ بالاطسریقے سے چیزکاراحیا صل کرتے ہیں۔

a سے حالت دوڑ ہے بیخے کے لئے جدول میں عبوری حال، f ، ثامل کیا حباتا ہے اور حال a سے عبوری حال a بیخی حباتا ہے۔ عبوری حال a کے لئے حال کا متغیر یوں مقدر کیا حباتا ہے کہ یہ a در 1010 ہے۔ یوں a کہ اور a دونوں کا بہا ہے عدد بود ایسا عبد در 1010 ہے۔ یوں a کے لئے حال کا متغیر a مقدر رکیا حباتا ہے اور حبدول کو تبدیل کر کے a کی قطار میں حال a کی صف a کو تبدیل کر کے a کو تعلیم کر کے کا کھا حباتا ہے۔ ایسا کر نے مشکل المار میں حال a کی صف a کو تعلیم کی صف میں حبال a کی صف میں حبال a کی صف میں حبال a کی صف میں حباتا ہے۔ ایسا کر نے مشکل المار کے مسلم کی معند میں حباتا ہے۔ ایسا کر نے مشکل المار کے مشکل المار کی مشکل المار کے مشکل کے مشکل المار کے مشکل المار کے مشکل کے مشکل

don't care'

		$x_1x_0$ مداختل			
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	е	f	f
0010	b	а	$\bigcirc b$	С	d
0100	с	а	b	$\bigcirc$	$\bigcirc$
1000	d	$\bigcirc$ d	b	С	$\bigcirc d$
0011	e	_	b	_	_
0101	f	_	_	С	С

شکل ۱۸ اا:عبوری حیال سے حیالت دوڑ کا حیاتہ

یمی طسریق کار تمسام حسانوں کے لئے دہرایا حباتا ہے۔ایس کرنے سے مشکل ۱۹.۱۱ حسامسیل ہو گا۔ آپ سے گزار مشس کی حباتی ہے کہ بیے حب دول خود حسامسیل کریں۔ تسلی کرلیس کہ اسس حبدول مسین کمی بھی حسال سے دو سسرے حسال تک پہنچنے مسین حسال دوڑ پسیدانہیں ہوتی۔

## ۱۱.۳ عبوری حب دول کی مددسے پلٹ کا تحب زیہ

عبوری حبدول استعال کر کے سے اسس مھے مسیں پلٹ کا تحبنر یہ کسیا حبائے گا۔ چند مشالوں کے بعید حسہ ۱۳۰۱ مسین اسس طسریقے کارپروت مہانت دم غور کمیا حبائے گا۔

## ا.۱۱.۳ ایس آریلٹ

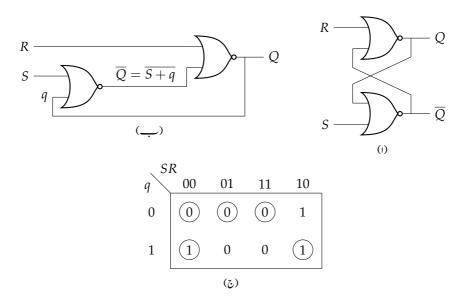
عبوری حبدول استعال کرے ایس آر پلٹ پر غور کرتے ہیں۔ شکل ۲۰۱۱–۱۰ میں ایس آر پلٹ اور شکل۔ب مسین ای کوبطور بازر سے دور پیش کیا گیاہے جہاں بازر سے اثارہ می اثارہ و کی پہپان آسان ہے۔ شکل۔ب سے درج ذیل حیاصل ہوگا۔

$$Q = \overline{R + \overline{S + q}}$$
$$= \overline{R}S + \overline{R}q$$

حسال کے متغیبر Q کو بطور بازر می امشارہ q استعال کیا گیا ہے۔ یوں حسال کا متغیبر Q ، اندرونی مداحن q جبکہ بیسرونی مداحن S اور R بیں۔ انہیں استعال کرتے ہوئے (درخ بالا مساوات کی مدد ہے) مشکل ج میں پیش عبوری حبدول حساس کی گئی جہاں حبدول کے اندر Q کی قیمت درخ ہے۔ آئے اسس پلا کا تحبیز ہے اسس کے عبوری حبدول کی مدد سے کریں۔ پلائے کا حبدول صداقت مندر حب ذیل ہے۔

		$x_1x_0$ مداخنل			
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	<b>½</b> , e	¢, f	¢, f
0010	b	øt, e	b	С	d
0100	с	ø, f	<b>1</b> 6, g	c	c
1000	d	d	₿,h	$\not c$ , $i$	$\bigcirc$ d
0011	e	а	b	_	_
0101	f	а	_	С	С
0110	8	_	b	С	_
1010	h	_	b	_	d
1100	i	_	_	С	_

شکل ۱۹.۱۱: حسال دوڑے مکسل پاک حسال کے متنب رات کا تقسر ر



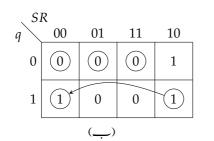
شكل ۲۰ اا:اليس آريلي

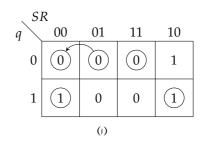
S	R	$Q_{n+1}$	$\overline{Q}_{n+1}$
0	0	$Q_n$	$\overline{Q}_n$
0	1	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0

جہدول سے ظاہر ہے کہ جُع متم گیٹ پر مسبنی ایس آر پلٹ استعال کرتے ہوئے دونوں مداحنل ہیکوقت بلند کرنے کا احبازت نہیں۔ دونوں مداحنل ہیکوقت بیت ہوں گی کا احبازت نہیں۔ دونوں مداحنل ہیکوقت بیت ہوں گی جبکہ ہر صورت ان کا آپس مسیں متضا در ہنا ضروری ہے۔ درج ذیل مساوات پر پورااتر نے سے سشرط پوری ہوگی۔  $S \cdot R = 0$ 

شکل ۱۱.۱۱ پر نظسرر کھ کر آگے پڑھسیں۔ عبوری جبدول کی SR=01 قطب راور Q=0 صف میں مستحکم حیال پایاحباتا ہے جہاں حیال کا متغیب رپست Q=0 ہے۔ عبوری حبدول کے تحت SR=00 کرنے سے حیال کا متغیب رپست رہے گا۔ شکل الف میں تبیہ روار کلیب راسس عمل کو ظاہر کرتی ہے۔

ای طسرت R=10 کی صورت مسیں پلیٹ کابلٹ مستحکم حسال q=1 کی صف مسیں پایا جساتا ہے۔ عسبوری





شكل ١١.١١:ايسس آريليك كااستعال

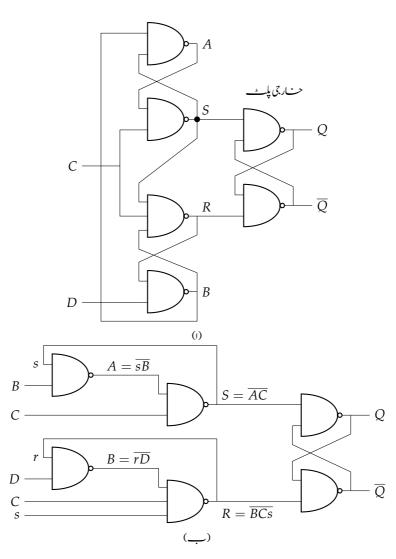
حبدول کے مطابق SR = 00 کرنے سے پلٹ بلند حسال مسین رہے گا،جو شکل - ب مسین تب روار لکسیر سے دار ککسیر سے دکھی واضح ہیں۔ دکھیا گسیا ہے۔ یہ دونوں اعمال پلٹ کے بودلین حبدول سے بھی واضح ہیں۔

اب دیکھتے ہیں SR = 11 سے آعناز کرتے ہوئے SR = 00 کرنے سے کیا صورت پیدا ہوتی ہے۔یاد رہ ان ادادا کو بنیادی طراح کا رکتے تحت پلایاحباتا ہے جہاں ایک سے زیادہ بیسر دفی مداحن تبدیل کرنے کی احبازت نہیں۔ بہسر حال پیسر بھی دیکھتے ہیں کہ ایس کرنے سے کیا مسائل کھٹے ہوتے ہیں۔ پوولین حبدول کے مطابق SR = 00 کرنے سے قبل Q اور  $\overline{Q}$  دونوں پست ہوں گے نا کہ آپس مسیں متضاد جبکہ کی بھی پلٹ کے لئے لازم ہے کہ اسس کے دونوں مین رجم وقت متضاد حال ہوں۔ ساتھ ہی، عبوری جبدول کے تحت اگر Z پہلے پست حیال افتیار کرلے تو افتیا می حیال Z ہوگاہے بیت ہوگاہے با افتیا می حیال حیانت مسکن نہیں۔ دور کا یوں استعال غیسر یقینی صور سے مسکن نہیں۔ دور کا یوں استعال غیسر یقینی صور سے پیدا کرے گا۔

## ۱۱.۳.۲ ساعت کے کنارہ پر چلت امواڈی پلٹ

سشکل ۲۲.۱۱ - امسیں ڈی پلٹ و کھایا گیا ہے جو ساعت کے کمنارہ پر چلتا ہے۔ ڈی پلٹ مسیں اندرونی بازری دور پایا حبات ہے جس کے اندرونی حسال کے متغیرات S اور ۲ ہیں ۲۹ سشکل - ب مسیں دئی پلٹ کوبازری احتارات S اور ۲ ہیں ۲۹ سشکل - ب مسیں دئی پلٹ کوبازری دور کے طسرز پر بنایا گیا ہے تاکہ بازری احتارات S اور ۲ کی پجیان آسان ہو۔

اس دور میں S اور R سال کے متغیرات، S اور ۲ بازری اشارات، جبکہ C اور R بیرونی مداخل



<del>شک</del>ل ۱۱.۲۲: ڈی پل<u>ٹ</u> بطور بازر سی دور

ہیں۔ یوں درج ذیل لکھاحب سکتاہے۔

$$A = \overline{sB}$$

$$B = \overline{Dr}$$

$$S = \overline{AC} = \overline{A} + \overline{C} = \overline{sB} + \overline{C} = sB + \overline{C} = s(\overline{rD}) + \overline{C}$$

$$= s(\overline{r} + \overline{D}) + \overline{C}$$

$$R = \overline{BCs} = \overline{B} + \overline{C} + \overline{s} = \overline{\overline{Dr}} + \overline{C} + \overline{s}$$

$$= Dr + \overline{C} + \overline{s}$$

ان مساوات ہے حساس کا اور R کے بودلین حبدول کو کارناف نقشہ حبات کے طسرز پر شکل ۱۱۔۳۳۔۱۱ور سنگل ۶۳CD ۳۰ کی صورت مسین لکھتے مشکل - بہا کاعبوری جبدول حساس کی آئیا۔ ممکل حال ۶۲CD ۳۰ کی صورت مسین لکھتے ہوئے اسس حبدول برغور کرتے ہیں۔

ف ضرض کریں جس کھے پلٹ کو برقی طباقت مہیا کر کے زندہ کمیا حباتا ہے اسس کھے ساعت، C ، اور ہیں دونی مداحنل، C ، دونوں پہت ہیں۔ عبوری حبدول کے مطابق دور CD=00 کی قطبار مسیں ہوگا۔ اسس قطبار مسیں ہوگا۔ اسس قطبار مسیں پہلاحنانہ C0000 ، دوسراحنانہ C0100 ، اور چو گھتا حنانہ C0000 عبوری حبال کے متغیبر ظباہر کرتے ہیں۔ ان حنانوں مسیں عبوری حبال C1 ہے۔ تیسراحنانہ C1 ہے۔ تیسراحنانہ C1 بیان مسیں عبوری حبال کے متاخب راہی ہوں کہ دور ان تین عبوری حنانوں مسیں ہے کی ایک مسیں کرتا ہے۔ اگر برقی طباقت کی و ضرابھی کے لیمج تاخب راہی ہوں کہ دور ان تین عبوری حنانوں مسیں ہے کی ایک مسیں داخل ہوتو دہ ہیں دور سیدھا 1100 مسیل میں داخل ہوتے دی دور سیدھا 1100 حنانے مسیں داخل ہوتے دی دور سیدھا گ

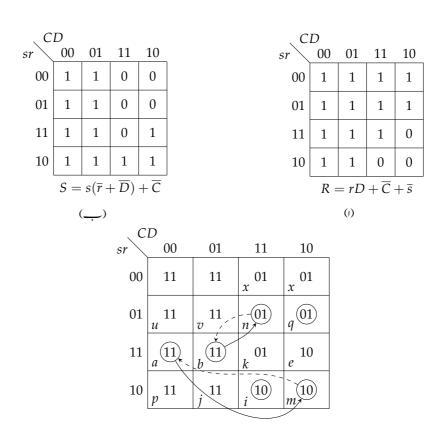
اس کے بر عکس برقی طباقت مہیا کرنے کے لیجے اگر C=1 اور D=1 ہو تب عبوری حبدول کے مطبابق دور 1010 یا 1010 مستحکم حبال بین کر یہی رہے گا، جب کہ C=1 اور D=0 کی صورت مسین دور 1010 یا 1010 حبال مسین ہوگا۔

پ سے ساعت کی صورت مسین حسال کے متغیبہ SR کی قیمت 11 رہتی ہے۔ عمبوری حبدول مسین CD = 00 اور CD = 01 کی دو قطباریں اسس حقیقت کو ظلام کرتی ہیں جہاں تسام SR کی قیمت 11 ہے۔ ہم حبائے ہیں ایسن آڑ پلٹ کے دونوں مداخنل بلند ہونے کی صورت مسین پلٹ اپنا حسال بر فسترار رکھتی ہے۔ یوں کشکل ۲۱۱۔ مسین حنارتی پلٹ اپنا حسال بر فسترار رکھی گی۔

پیت ساعت، C=0 ، اور پیت D کی صورت میں مستخلم حیال کا متغییر SR حیاس کرنے کی SR میں SR میں SR میں SR میں SR ورث میں مستخلم حیال ملت ہے۔ بدول کی SR=11 والے مسین SR=11 کی SR=11 کی مستخلم حیال ملت ہے۔ بیساں SR=11 کی مستخلم حیال ملت ہے۔ بیساں بوت رادر کھے گی۔ بین حیار رکھے گی۔

پیت ساعت اور بلند D کی صورت مسیں CD=01 کی قطار مسیں مستحکم حسال D پیاحباتا ہے

complete stater.



(ج)) شکل ۲۳۳.۱۱: ڈی پلٹ کے عبوری حبد ول کا حصول اور استعال

جہاں R=11 ہے اور یوں حنارتی پلنے اپنا حسال بر متسرار رکھے گی۔ جبدول کے اسس حنانے مسیں b کھ کر اے احباگر کسیا گیا ہے۔

اسس پورے عمسل پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حپڑھائی آتے ہی دور عسبوری حسال 1110 سے گزر کر مستظم حسال 1010 اختیار کر تا ہیں۔ دونوں حسال مسیں 30 = 5R رہتاہے اور بیوں عسبوری حسال سے گزرتے ہوئے کرنے ہوئے کرنے کہ جس پر کسی بھی عسبوری حسال سے گزرتے وقت SR کی قیمت وہی ہوگی جو اسس وحدم کے اختای حسال مسیں ہوگی۔ یوں ان لمحسات پر لرزسش سے کسی قتم کی غیسریقشینی صورت پیساد المجسیں ہوگی۔

ا عورے کو کارہ اترائی پر ہونے والے عمسل کو تب روار لکسیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ انہ میں آپ خود سمجھ سے جو سے جو بیں۔ سید دونوں لکسیسریں سید حقیقت واضح کرتی ہیں کہ ساعت کے کسنارہ اترائی پر عصبوری حسال اور انتقامی مستحکم حسال دونوں مسیں 3 R = 11 ہوگا البند ابسیرونی پلٹ اپنا حسال بر فت رار رکھے گی اور یوں ساعت کے کسنارہ اترائی پر ڈی پلائے کے حسال مسیس کی قتم کی تیب ملی رونہ بہیں ہوگی۔

rising edge

## ۱۱٫۳۰۳ ایس آریانوں پر مسبنی غیسر معیاصرادوار کانت دم بانت دم تحسنر ہے۔

مذ کورہ بالامث الوں مسین استعال کیے گئے طسریقہ کار کو یہاں بیان کرتے ہیں۔ پلٹ کے اپنے بازری اثارات کو نظسر انداز کرتے ہیں۔

- متسام پلٹوں کے محسارج کو  $Y_i$  کے ظبہر کریں جہساں  $Y_i$  کسیں۔ یوں  $Y_i$  کسیارج کو اسس محسارج کا  $Y_i$  استعمال کرتے ہوئے  $Y_i$  کسیں۔ یوں  $Y_i$  کسیارے کو اسس محسارج کا  $Y_i$  استعمال کرتے ہوئے  $Y_i$  کسیں۔ یوں  $Y_i$  کسیارے کو اسس محسارج کا گا۔ گلگ
  - یں۔  $S_i$  اور  $S_i$  مداحنل کی مساوات حساصل کریں۔
- جج متم گیٹ پر مبنی ایس آر پلٹ کے لئے تسلی کر لیں کہ SR=0 ہے جبکہ ضرب متم گیٹ پر مبنی ایس آر پلٹ کے لئے  $\overline{R}=0$  ہوناضر وری ہے۔ایس نہ ہونے کی صور سے مسیں پلٹ عناط نتائج دے سکتا ہے۔
  - اور  $R_i$  اور کی کرتمام پلٹ کے  $Y_i$  حاصل کریں۔
- ان نقتوں کو عصبوری حبدول مسیں کیجبا کریں۔ ان نقتوں کے حنانوں مسیں Y کھیں، جہاں Y سے مسراد Y ہمیں Y ہمیں کیجبا کریں۔ ان نقتوں کے حنانوں مسیں Y کھیں، جہاں Y ہمیں کیجبا کریں۔ ان نقتوں کے حنانوں مسیں Y ہمیں کیجبا کریں۔ ان نقتوں کے مسراد
- وہ حنانے جن مسیں Y=y ہو، مستحکم حال ظاہر کرتے ہیں۔ انہیں دائرہ مسیں بند کریں۔ یول عبوری حبوری حب دول حساس اوگا۔

## ا\_\_\_ا

# ے ادہ ترین کمپیوٹر

اس باب مسیں کمپیوٹر کی سادہ ترین ساخت پر غور کیا حبائے گا۔ سادہ ہونے کے باوجو دانس مسیں کئی اعلٰی تصورات شامسل ہیں۔ اسس باب کو پڑھنے اور سنجھنے کے بعب آ ہے جب ید کمپیوٹر کی بناؤٹ سنجھیا مُیں گے۔

#### ا.١٢ بناؤك

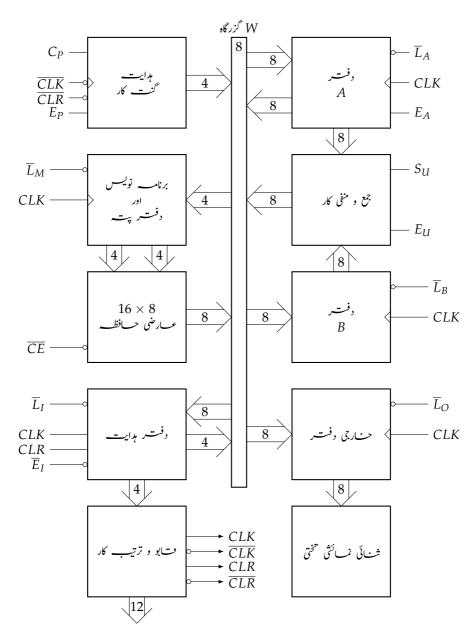
سادہ کمپیوٹر کی بن اوٹ شکل ۱۱. امسیں پیش ہے۔ یہ ایک مکسل کمپیوٹر ہے۔ دف اتر کے وہ حضروج ہو آٹھ بٹ گزر گاہ سے حسبٹر سے ہیں، سہ عالمی اہیں، جو مواد کی منظم ترسیل ممسکن بن تاہے۔ آٹھ بٹ گزر گاہ سے مسداد آٹھ برقی تاریں ہیں جو ذیلی ادوار (مشلاً حسافظ ہے، جمع ومنفی کار) کے ماہین مواد کی ترسیل ممسکن بن تے ہیں۔ دف اتر کے باقی حضروج وو عالمی مہین مواد ان ڈے ادوار کو مسلل معسلومات (مواد، ہت، شمسار وغیسہ ہ) منسراہم کرتے ہیں جن سے منسلک ہیں۔

سادہ ترین کمپیوٹر کے مخلف جھے واضح کرنے کی عضرض سے مشکل ۱۱.۱ بنایا گیا ہے۔ ای لئے تمام صابوات ارات ایک ڈیسے دو تولی و خروج مرکز <sup>۱۲</sup> کہتے ہیں، وغیرہ، ایک ڈب جے قابو مرکز <sup>۱۲</sup> کہتے ہیں، وغیرہ، مسین نہیں رکھے گئے ہیں۔

شکل ۱۱.۱ مسیں پیشس کئی دون از آپ پہلے سے حبانتے ہیں۔ ہر ڈبے کی مخصد خصوصیات بسیان کرتے ہیں؛ ان پر تفصیلی گفتگو بعد مسیں کی حبائے گی۔

tri-state two-state control unit input-output unit

باب ۱۲ ساده ترین کمپیوٹر



 $C_P E_P \overline{L}_M \overline{C} \overline{E} \ \overline{L}_I \overline{E}_I \overline{L}_A E_A \ S_U E_U \overline{L}_B \overline{L}_O$ 

شکل ۱۲: ساده ترین کمپیوٹر کی بہناوٹ

۱۲.۱ بناؤٹ

## مدایت گنت کار

سانظے کے مشروع مسیں برمامہ (پروگرام)رکھاجباتا ہے۔ پہالہدایت شنائی پتہ 0000 پر، دوسراہدایت پتہ 0001 ،اور تیسراہدایت 0010 پر ہوگا۔ ہدایت گنت کار ۲، جوت اومسر کزکاھسے، 0000 تا 1111 گردان کرتا ہے۔ اسس کاکام حسانظہ کووہ پتہ فسراہم کرنا ہے جس سے اگلاہدایت پڑھ کر عمسل مسیں لایا جب کے گا۔ یہ کام درج ذیل طسریقے سے سرانجہام ہوگا۔

کمپیوٹر کی ہر دوڑے قبل ہدایت گنت کار 0000 کر دیا حباتا ہے۔ جب کمپیوٹر کی دوڑ سشروع ہوتی ہے ہدایت گنت کار حسافظ کو پت م0000 منسراہم کرتا ہے۔ اسس کے بعد ہدایت گنت کار ایک قت مربڑھ کر اسس کے بعد ہدایت گنت کار ایک وحدم بڑھ کر اسس کے بعد ہدایت گنت کار حافظ ہے۔ پہلا ہدایت (معتام 0000 سے) پڑھ کر اسس پر عمسل کمپاحباتا ہے، جسس کے بعد ہدایت گنت کار حافظ کو پت 1000 کر دیا حباتا ہے۔ دوسرا ہدایت پڑھ اور اسس پر عمسل کرنے کے بعد ہدایت گنت کار حافظ کو 0010 پت بھیجت ہے۔ اسس طسر جی ہدایت گنت کار ہر اوقت اگل ہدایت پر نظر جب کے رکھتا ہے۔

گویا ہدایت گئت کار اسس شخص کی طسر رہے جو ہدایت کی فہسرست کی طسر ف امشارہ کرتے ہوئے کہتا ہے سے کام پہلے کریں، یہ کام دوسرے نمب پر کریں، یہ تیسرے نمب پر کریں، وغنیسرہ۔ ای لئے ہدایت گئت کار بعض اوت ت اشارہ گرتا ہے جہاں کوئی اہم معلومات درج ہوگی۔

## برنامه نویس اور دفت ریت

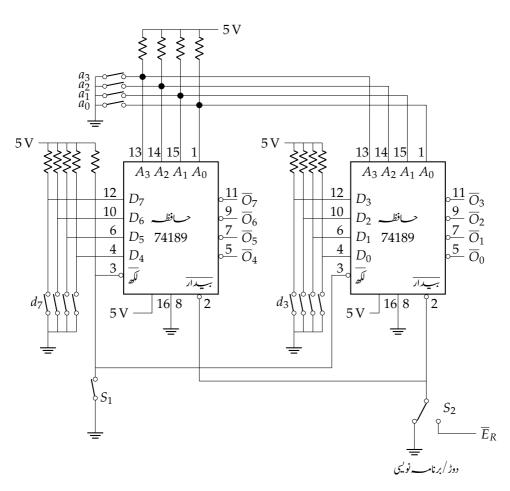
ہدایت گئت کار کے نیچے برنام نویس اور دفت رپت کاڈ بے۔ شکل ۲.۱۲ مسیں برنام نویس پیش ہے (صفحہ ہدایت گئت کا ۲.۲ مسیں برنام نویس پیش ہے (صفحہ ۲۲۸ پر شکل ۱۹.۹ مسیمیں) جس کے ذریعہ موتیکوں کی مدد سے عبار ضی حیافظہ مسیں برنام کہ مواد بٹ صنبراہم کر کے مجسر احباتا ہے۔ یادر ہے کمپیوٹر کی (بامقصہ) دوڑھ قبل عبار ضی حیافظہ مسیں برنام کھنالازی ہے۔ یہ دورجو میں فظے کے پت کادفت ہے۔ کمپیوٹر کے عبار ضی حیافظے کاحصہ ہے۔ کمپیوٹر کے دوران، ہدایت گئت کار مسیں موجود پت اسس (دفت رپت) مسیں نفت ل کہا تا ہے۔ دفت رپت چند کھوں بعب رپت پت عبار ضی حیافظے کو صنبراہم کرتا ہے، جہاں ہے اگلی ہدایت یوٹھی حیاق ہے۔

### عبارضي حسافظ

کمپیوٹر کی دوڑ سے قبل  $8 \times 16$  عبار ضی حیافظہ مسین ہدایت اور در کار مواد لکھیا حباتا ہے۔ کمپیوٹر کی دوڑ کے دوران، حیافظہ کو دفت ہو ہے۔ کمپیوٹر کی دوڑ ہو کہ جا ہے ہے جبال سے ہدایت یا مواد پڑھ کر W گزرگاہ پر رکھ دیا حباتا ہے جبے کمپیوٹر کا کوئی دوسے اصتعال کر سکتا ہے۔ عبار ضی حیافظہ کے محتارج  $\overline{O}_0$  تا  $\overline{O}_0$  آٹھ برقی تاروں کے ذریعہ کمپیوٹر کے باق حصول کے ساتھ حبٹرا ہے۔ ان آٹھ تاروں کو W گزرگاہ کہتے ہیں۔

program<sup>a</sup> program counter

pointer<sup>2</sup>



شکل ۱۲.۲: برنامه نویس

١٢.١ بناؤك

#### د فت رېدايي

وت ابومسر کز کاایک حسد وفتر ہدایت ^ بے دسافظہ ہے ہدایت پڑھنے کی حن اطسر کمپیوٹر جو عمسل سرانحبام دیت اسے اسس کو ہدایت پڑھ علی 9 کہتے ہیں۔ حسافظہ کے محن اطب معتام پر موجود ہدایت (یامواد) کوییہ عمسل W گزرگاہ پر رکھتا ہے۔ ساتھ ہی ساعت کے اگلے مثبت کسنارے پر وفت رہدایت بھسرائی کے لئے تسیار کر دیاحب تاہے۔

د فت رہدایہ مسیں موجود معلومات کو دو حصوں مسیں تقسیم کیا حباتا ہے۔ نمپلے (زیریں) حیار بٹ سہ حسالی محنار ج ہج جو ہوقت ضرورت W گزرگاہ پرڈال دیا حباتا ہے جب کہ بالا حیار بٹ دوحسالی محنارج ہے جو سید هساف ابو و ترتیب کارکو مہیا کیا حب اتا ہے۔

#### ت ابووترتیب کار

کمپیوٹر کی ہر دوڑے قبل ہدایت گنت کار کو CLR اور دفت مہدایت کو CLR احشارہ کھیجبا حباتا ہے ، جو ہدایت گنت کار 0000 کرتاہے اور دفت مہدایت مسیں موجود ہدایت زائل کرتاہے۔

تسام مستخام کار دف از کوب عستی اسٹارہ CLK بھیب حباتا ہے جو کمپیوٹر کے مختلف اعمال ہم صدم کرتے ہوئے بیشینی بناتا ہے کہ سبب کچھ اپنے اپنے وقت پر ہو۔ دوسسرے لفظوں مسیں، دف از کے مابین معسلومات کا تب ادلہ مشتر ک ساعت کد CLK کے مثبت کن ارب پر ہو۔ دھیان رہے، ہدایت گنت کار کو CLK اسٹارہ بھی منسراہم کیا گیا ہے۔

متابو و ترتیب کار 12 بٹ لفظ حضارج کر تاہے جو ہاتی کمپیوٹر کو متابو کر تاہے۔ وہ 12 برقی تارجن پر سے لفظ ترسیل ہو تاہے ق**ابو** گرد گاہ ''کہساتا ہے۔

بارہ بٹ مت بولفظ درج ذیل ہے۔

### تاب $=C_P E_P \overline{L}_M \overline{CE} \ \overline{L}_I \overline{E}_I \overline{L}_A E_A \ S_{IJ} E_{IJ} \overline{L}_B \overline{L}_O$

 $\overline{L}_M$  ساہت  $E_P$  کے اگلے مثبت کسنارے پر دف ترکا عمسل اسس لفظ کے تحت ہوگا۔ مشلاً، بلسند  $E_P$  اور پست کی صورت مسیں نقت ل ہوگا۔ مشلاً مبلند  $\overline{C}$  اور پست  $\overline{C}$  اور پست  $\overline{C}$  اور پست  $\overline{C}$  کی صورت مسیں ساعت کے اگلے مثبت کسنارے پر دفت مسیں کی دائی طسرح، پست  $\overline{C}$  اور پست  $\overline{L}_A$  کی صورت مسیں ساعت کے اگلے مثبت کسنارے پر دفت میں گیر اس میں کی گار انتقال مواد کی وقتیہ ترسیعات پر غور (جس سے ہم حبان پائیں گے سے انتقال کیے اور کے ہوں گے) بعد مسیں کس سائے گا۔

## وفت A

کمپیوٹر کی دوڑے دوران حساس نتائج دفت ہے میں ذخیرہ کے حباتے ہیں۔ شکل ۱۰.۱۲ میں A کے دو محنارج کردگاہ کو حباتا ہے۔ بیال دو حسالی محنارج کا گزرگاہ کو حباتا ہے۔ بیال محنارج کا گزرگاہ کو حباتا ہے۔ بیال A کا آٹھ بیک لفظ جمع و منفی کار کو مسلسل فسنسر اہم ہوگا، یہی لفظ بلسنہ A کی صورت مسین A گزرگاہ پر مجمی ڈالاحب ہے گا۔

instruction register<sup>A</sup>

memory read operation

control bus

باب ۱۲ ساده ترین کمپ پوٹر

جمع ومنفي كار

یہاں تکسلہ 2 کا جمع و منفی کار مستعمل ہے۔ پیت کی صورت مسیں مشکل ۱۲۔ امسیں جمع و منفی کار کامختارج درج ذیل ہوگا۔ S=A+B

بلند  $S_U$  کی صورت مسیں جمع و منفی کار درج ذیل دیگا جہاں B' سے مسراد B کااساسس 2 تکسلہ ہے۔(یادرہ، 2 کا تکسلہ عسلامت تسدیل کرنے کے مسیراد نسب ہے۔)

S = A + B'

جمع و منفی کار غنیب ر معساصر ہے ( لیتن اسس کی کار کر د گل ساعت پر مخصسر نہیں)؛ یوں جیسے ہی داخسلی الفاظ تبدیل ہوں، اسس کا محسارج تبدیل ہوگا۔ بلند E<sub>U</sub> کی صورت مسین ہے محسارج W گزرگاہ پر ڈالاجیائےگا۔

#### , فت ر B

و فست B حبانی اعمال مسیں استعمال کی حباتا ہے۔ پست  $\overline{L}_B$  کی صورت مسیں ساعت کے مثبت کسنارے  $\overline{L}_B$  کی  $\overline{L}_B$  کی صورت مسیں نقت کی موجود لفظ  $\overline{L}_B$  مسیں نقت کی ہوگا۔ وفت  $\overline{L}_B$  کا کا دوحت کی محتارج مسیں نقت کی ہوگا۔ وفت منفی ہوگا۔ مسیں موجود عسد و کے ساتھ جمعیا اسس سے منفی ہوگا۔

## حنارجى دفتسر

کی بھی مسئلے کو حسل کرنے کے بعید حسامس نتیب دفت ہوگا۔ یہ نتیب بیبرونی دنیا کو بستانا مقعود ہو گا۔ یہ نتیب کا مقارجی دفتر اسے کام فارجی دفتر اسے سپر دے۔ بلند  $E_A$  اور پست کی صورت مسیں ساعت کے اگلے مثبت کسنارے پر A مسیں موجود معلومات حسار ہی دفت رمسیں نقسل کی حیاتی ہے۔

چونکہ حضار بی د فت رکے ذریعیہ مواد کمپیوٹرے باہر منتقتل ہوتا ہے البنے ذااے عصوماً ف**ار بھی روزلیخ** <sup>۱۱ بھ</sup>ی کہتے ہیں۔حضار بی روزن م**لا بی ادوار "اے نسلکے ہوگاء ہیے دنی آلات مشلاً پر نٹر"ا،سات کلی نسائش تختی، کمپیوٹر کا مشیشہ، وغیبرہ حیلاتے ہیں۔** 

## شنائي نمسائثي تختي

شنائی نمائش مختی آٹھ **نوری ڈالوڈ** ۱۵ پر مبنی ہے۔ سنار جی روزن کے ہربٹ کے ساتھ ایک نوری ڈالوڈ شلک ہے۔ یوں شنائی نمائش مختی پر منارجی دفت رمسیں موجو دمعلومات شنائی روی مسی*ن نظسر آئے گی۔* 

#### حنلاص

اسس کمپیوٹر کا فت ابو مسرکز ہدایت گنت کار، ہدایت دفت ر، اور فت ابو و ترتیب کار (جو فت ابو لفظ، ساعت CLK ، اور نائل اسٹ ارجو کا در بھر اسٹ کار پر مشتل اور زائل اسٹ ارجا کی سید اکر تاہے) پر مشتل ہے۔ کمپیوٹر کا حالج مرکز الارفت میں A ، دفت میں B ، اور جمع ومنفی کارپر مشتل

output register"

output port"

interface circuits"

printer "

LED<sup>12</sup>

arithmetic logic unit, ALU

۱۲.۲ بدایات کی فہسرست

ہے۔ کمپیوٹر کاحبافظہ د فت ریت اور 8 × 16 عسار ضی حسافظہ پر مشتل ہے۔ درآمدی سوپگی، حسار بی روزن، اور شنائی نمسائش مختی مسل کر دخول وحسر رکز دیتے ہیں۔

# ۱۲.۲ مدایات کی فہرست

کمپیوٹر کی بامقصد دوڑے قبل اس کے حسافظہ مسیں ہدایات متدم باصدم بھسرنالازم ہے۔البت، ایسا کرنے سے پہلے آپ کو سے ہدایات حب نئی ہوگی۔ان ہدایات سے مسراد وہ اعمال ہیں جو سے کمپیوٹر سرانحبام دے سکتا ہے۔ اسس کمپیوٹر کی ہدایات کی فہسرست پراب غور کرتے ہیں۔ہدایت کامجب وعب کمپیوٹر کی **مدری زبان** کا کہا اتی ہے۔

#### نفت ل الفي

 $R_0$  بین معتام  $R_0$  پر موجود معلومات کو ہم  $R_0$  کہتے ہیں، معتام  $R_0$  پر موجود معلومات کو ہم  $R_0$  پر معتام  $R_0$  پر معنوظ ہے،  $R_0$  پر  $R_0$  پر  $R_0$  پر  $R_0$  پر  $R_0$  ہمتام  $R_0$  پر معنوظ ہے،  $R_0$  پر  $R_0$  ہمتام  $R_0$  پر معنوظ ہے،  $R_0$  ہمتام  $R_0$  پر نوشت  $R_0$  ہمتام عبد کے آخت میں  $R_0$  ہمتام عبد کے آخت میں ہمتام عبد کے آخت میں  $R_0$  ہمتام کے خصر میں کردیا ہمتام کے خصر میں کے خصر میں کردیا ہمتام کے خصر میں کردیا ہمتام کے خصر میں کردیا ہمتام کے خصر کے آخت کے خصر کے خصر کے آخت کے خصر کے آخت کے خصر کے آخت کے خصر کے خصر کے آخت کے خصر کے آخت کے خصر کے آخت کے خصر کے خصر کے آخت کے خصر کے آخت کے خصر کے آخت کے خصر کے خصر

نقار الف اسس کمپیوٹر کی ایک ہدایت ہے جو کہتی ہے دفت راالف میں مواد نقت ل کریں۔ پوری ہدایت مسین اسس مواد کا اساس سولہ بت بھی دیا جب اتا ہے جو دفت رالف مسین بھے راحبائے گا، المنز الکمسل ہدایت درج ذیل ہے جو حبد دل ۱۲ امسین پیش ہے۔

### نفت ل الف پیت

یوں" نقت ل الف 8H "کہتی ہے کہ عبارضی حبافظہ کے بہتہ 8H پر درج معلومات کو دفت سر الف مسیں نقت ل کریں۔ اسس ہدایت پر عمس کرنے کے بعید دفت سر الف مسیں اور حبافظہ کے مقتام 8H پر ایک جیسا مواد پایا حبائےگا۔ یوں درج ذیل صورت مسیں

 $R_8 = 1111\,0000$ 

جو کہتی ہے متام R<sub>8</sub> پرشنائی معلومات 1111 0000 مفوظ ہے ، ذیل ہوایت

نفت ل الف**ل** 8H

یر عمال کرنے کے بعب درج ذیل ہوگا۔

1111 0000 الغي

آپ نے دیکھ سے ہدایہ و فت رالف مسیں معسلوما ہے نقسل کرتے ہوئے مسافظ مسیں درج معسلوما ہے پر اثر انداز نہیں ہوتی۔

ای طسرح "نفتسل الف AH" معتام 10<sub>10</sub> سے دفت رالف مسین معسلومات نفتسل کرے گی، اور "نفتسل الف FH "معتام <sub>F16</sub> سے معسلومات وفت رالف مسین نفتسل کرے گی۔

assembly language12

۲۷۸ باب ۱۲ ساده ترین کمپیوٹر

جمع

کمپیوٹر کی ہے۔ ہدایت دواعبداد جمع کرنے کو کہتی ہے۔ پہلاعبدد دفت رالف مسیں ہوگا جبکہ دوسرے عبد دکاپت۔ کمسل ہدایت مسیں مشامسل ہوگا؛ نتیج وفت رالف مسیں محفوظ ہوگا، البذا دفت رالف مسیں پہلے ہے موجود مواد زائل ہوگا۔ پوں اگر دفت رالف مسیں 210 اور حسافظ کے مصام 94 پر 310 ہو:

 $= 0000\,0010$   $R_9 = 0000\,0011$ 

تب ذیل مدایت

9H &

پر عمسل کرنے کے لئے درج ذیل احتدام پر عمسل کرنا ہوگا۔ پہلے حتد م پر ، دفت میں R ڈالاحب کے گا:  $=0000\,0011$ 

جس کے فوراً بعب جمع و منفی کار الف اور ب کامحب وعب

 $= 0000 \, 0101$ 

معسلوم کر تاہے۔ دوسسرے متدم پر ، پیہ محبسوعہ دفت رالف مسیں ڈالا جباتا ہے۔  $0000\,0101$ 

جب بھی جع" کی ہدایت پر عمسل کے حب ع درج بالا احتدام اللف نے ہوں گے ؛ دیے گئے ہت ہے مواد دفت میں اللہ جمع و منفی کارے محبوعہ حساس کرنے کے بعد بتیجہ دفت رالف میں ڈالا حباتا ہے۔ چونکہ دفت رالف میں پہلے سے موجود مواد کے اوپر نسیامواد (حساسل جع) لکھا حب تا ہے لہٰذاد فت رالف کا پرانامواد آئل ہوگا۔ ای طسر ت چونکہ دفت رہ میں دیے گئے ہے کامواد ڈالا کیا حب تا ہے لہٰذاد فت رہ کا پرانامواد بھی زائل ہوگا۔ اس طسر ج جمع کلہ وقت راف میں دیا ہوگا۔ اس طسر ج جمع کا مواد اور R9 کا محب وعد دفت رالف میں حساسل ہوگا۔ "جمع FH "پر عسل کرنے سے دفت رالف میں اور دفت رالف کا محب وعد یا جا گا۔

منفى

دواعب داد منفی کرنے کے لئے کمپیوٹر کی ہدایت منفی ہے جو دفت رالف مسیں موجود عبد دسے دیا گیاعب درمنفی کر کے نتیجب دفت رالف مسیں دے گی۔ کمسل ہدایت مسیں منفی ہونے والے عبد دے معتام کاپت بھی شامسل ہوگا۔

منفی پت

یوں "منفی CH" کامطلب ہے دفت رالف مسیں موجود موادے حسافظہ کے معتام CH پر موجود مواد  $R_C$  منفی کر کے نتجہد دفت رالف مسیں ڈالیں۔

۱۲.۲ بدایات کی فہسرست

# حبدول ا. ۱۲: کمپیوٹر کی مادری زبان کی ہدایا --

ب ل	ہدای <u>۔</u>	
د فت رالف میں سافظ ہے مواد نفت کریں د فت رالف کے ساتھ حسافظ کامواد جمع کریں د فت رالف ہے حسافظ کامواد مفق کریں د فت رالف کامواد ر حسار جی د فت رمسیں ڈالیں کام کرناروک دیں	جمع پت منفی پت برآمد	

مثال کی مناطب و منسر ض کریں و فت رالف مسین اعشاری 7 اور حسافظہ کے معتام CH پر اعشاری 3 پایا جباتا ہے۔

الف $= 0000\,0111$   $R_C = 0000\,0011$ 

منی  $R_C$  "پر عمس درج ذیل احتدام الٹ نے ہوگا۔ پہلے متدم پر ، وفت رہ مسیں  $R_C$  ڈالاکسیا جاتا ہے:

 $= 0000\,0011$ 

جس کے فوراً بعب جمع ومنفی کار د فت رالف اور کا منسر ق:

0000 0100 亡 تنرق

معلوم کرتاہے۔ دوسرے متدم پریہ منسر ق دفت رالف مسیں ڈالا حباتاہے۔

 $_{-}$ الغ = 0000 0100

منفی کی تمس م ہدایت پر عمس در ن بالا اقتدام کے ذریع ہوگا؛ دیے گئے پت پر موجو د مواد حسافظہ سے د فت سرب مسیں ڈال کر جع و منفی کار کو مہیا کہ حب تا ہے۔ یوں کر تا ہے۔ یوں د فت سر الف مسیں ڈالاحب تا ہے۔ یوں "منفی EH " مقت کر کے نتیجہ د فت سر الف مسیں ڈالاحب کے گا۔" منفی EH " مقت ملے کے خواص موجو د مواد E کو د فت رالف ہے منفی کر کے نتیجہ د فت سر الف مسیں ڈالت ہے۔ منفی کر کے نتیجہ د فت سر الف مسیں ڈالت ہے۔

بر آمد

کمپیوٹر کی ہدای<mark>۔ برآمد</mark> کہتی ہے دفت سرالف کامواد حسار بی دفت سرمسیں ڈالیں۔اسس ہدایہ پر عمسل کرنے کے بعد دفت سر الف کامواد کمپیوٹر سے باہر دستیاب ہوگا جہاں ہے آپ نتیجہ دکھ سکتے ہیں۔

اسس ہدایت پر عمسل کرنے کے لئے حسافظہ سے رجوع کرنے کی ضرورت نہسیں لہانذاانسس ہدایت مسیں پت در کار نہیں ہے۔ ۲۸۰ باب ۱۲. ساده ترین کمپ پوٹر

رکـــــ

سے ہدایت، جوبرنامے کی آخن ری ہدایت ہوگی، کمپیوٹر کو مسزید ہدایات پر عمسل کرنے رو تی ہے۔ سے ہدایت، جمسلہ مکسل ہونے کے بعد (جملے کے آخن رمسیں) ختمہ ۱۱ کے مت رادون ہے۔ ہر برنامے کے آخن رمسیں سے ہدایت ضروری ہے؛ در سے کمپیوٹر لے باق دوڑ تاریج گاور لے مقصد (اور عناط) نتائج فنسراہم کر تاریخ گا۔

رک کی ہدایہ از خود مکسل ہے۔ اسس پر عمسل کرنے کی حناطسر حسافظہ سے رجوع کرنے کی ضرورت نہیں الہذا اسس ہدایہ مسین ہے کی شعولیہ نہیں ہوگی۔

## حافظ سے رجوع کرنے والے راجع ہدایا ۔

نفت ل الف، جمع، اور منفی کی ہدایا سے حسافظ سے رجوع کرنی ہیں اہلے زائے مدایا ہے۔ اکہ سالتی ہیں۔ اسس کے بر عکسس بر آمد اور رک حسافظ سے رجوع نہیں کرتی ہیں اہلے زائے ہوایا سے خسے راجع ہیں۔

#### 8085 اور 8080

و سیج پیب نے پر استعال ہونے والا پہلا فرد ع**امل کا** ر<sup>۲</sup> (مائکروپر اسیسر) 8080 محت۔ اسس کی کل 72 ہدایات ہیں۔ اسس حضر دعب سل کار 8085 ہے جو انہیں ہدایات پر چلت ہے۔ اسس باب کے سادہ ترین کمپیوٹر کو حقیقت اُت بال استعال بنانے کی عضر ض ہے ہم اسس کی ہدایات کو 8085 / 8085 کی ہدایت کے ہم آہنگ بہتاتے ہیں۔ دوسرے لفظوں مسین نقت ل، بھی منفی بر آمد، اور رکے 8080 / 8085 کے بھی ہدایات ہیں۔

مشال ۱۲.۱: ساده ترین کمپیوٹر کاایک برنام پیش ہے۔

9H نصل 9H 9H نصل 0H AH تح 1H BH تح 2H CH نفى 3H برآمد 4H

حافظہ مسیں برنامہ سے اوپر درج ذیل موادیایاحب تاہے۔

fullstop"

memory-reference instructions 19

microprocessor".

۱۲٫۳ کمپیوٹر کی برنامہ نولی

مواد پت FFH 6H FFH 7H FFH 8H 9H 01H 02H AH 03H BH CH 04H FFH DH FFH EH FFH FH

ب ہدایات کیاکریں گے؟

سل: برنام نحیلے حسافظہ مسین 0H تا 5H مصامات پر رکھا گیا ہے۔ پہلی ہدایت حسافظہ کے مصام 9H سے مواد 0HH دفت رائف مسین نفت ل کرتی ہے۔

الف=01H

دوسسری ہدایت معتام AH کامواد دفت رالف کے ساتھ جمع کر کے نتیجہ دفت رالف میں ڈالتی ہے۔

= 01H + 02H = 03H

تیسری ہدایت حسافظہ کے معتام BH کے مواد کو دفت رالف (جس مسین اسس وقت 03H موجود ہے) کے ساتھ جمع کرکے نتیجہ دفت رالف منتقب کرتی ہے۔

= 03H + 03H = 06H

چوتھی ہدایت مصام CH کے مواد کو دفت رالف ہے منفی کر کے نتیجہ دفت رالف میں ڈالتی ہے۔ CH = 02H = 04H = 02H

پانچویں ہدایت دفت رالف کے مواد کو حذارجی دفت رمسیں منتقتل کرتی ہے۔ حذار بی دفت رکے ساتھ شنائی نمسائثی تختی منسلک ہے جسس پر سے مواد شنائی روپ مسین نظسر آئے گا۔ یوں نوری ڈالوڈ درج ذیل دکھسائیں گے۔

0000 0010

آ منسری ہدایت رکھے جو کپ پوڑ کر کومسنز پدہدایات پر عمسل کرنے سے رو کتا ہے۔

۱۲.۳ کمپیوٹر کی برنامہ نولیی

کمپیوٹر کے حسافظہ مسیں ہدایات اور مواد بھسر نے کے لئے ہمیں ایی زبان استعال کرنی ہو گی جو کمپیوٹر سنجھ سے۔ حبدول ۲.۱۲ مسیں کمپیوٹر کے رموز ۲۰۰ پیش ہیں۔ یوں"نقشل الفہ" کی ہدایت کے لئے کمپیوٹر 0000 کاشٹ کی رمسز استعال کرتا

operation codes, op codes

#### حبدول ۲۰۲۲: ساده ترین کمپیوٹر کے رمسز

رمنز	ہدایت
0000	نفتس
0001	جمع
0010	منفى
1110	برآمد
1111	رک

ے۔"جمع" کے لئے 0001 ،"منفی" کے لئے 0010 ،"بر آمد" کے لئے 1110 ،اور "رک " کے لئے 1111 استعال ہوگا۔

جیب پہلے ذکر کی گیا، (صفحہ ۲۲۷ پر مث ال ۱۹ او کھسیں) برنا سے نو کیس (شکل ۲۰۱۲) سوچ کے ذریعہ حسانظہ مسیں معسلومات ڈالت ہے۔ ان سوچ کو یوں استعال کی گیا ہے کہ منقطع (کھسٹرا) سوچ کا اور غیب منقطع (بیٹ یا پالو) سوچ کا ورعنا سے نولی کے دوران سوچ کو یوں استعال کی گیا ہے کہ منقطع (کھسٹرا) سوچ کا اور علی جب کہ مطابق رکھے جب تے ہیں جب کہ مطابق رکھے جب تے ہیں۔ برایت کے بالق زیر عمل میں اس مصل بی رکھے جب تے ہیں۔

مثلاً، فنسرض كرين بم درج ذيل مهرايات حسافظ مسين تجسر ناحيات مين ا

سب سے پہلے ایک ایک ایک ہدایت کاشنائی روی حساصل کرتے ہیں۔

000011111 = FH 00011110 = EH 7 1111xxxxx = 7

پہلی ہدایت «نفت ل FH " ہے جس کے دو ھے ہیں۔ اسس کا پہلا ھے۔ ہدایت «نفت ل " ہے جس کا شن کی ر منز 0000 ہے؛ اسس کا دو سرا ھے۔ FH ہے جو اسس معتام کا پت ہے جہاں ہے مواد لیا حب کے گا۔ ہدایت کازیر عمل معتام کا پت ہے جہاں ہے مواد لیا حب کے گا۔ ہدایت کازیر عمل معتام کا بیت ہے۔ اسس ہے کا شن کی ممثال ممثال معتام کا بیت معتام کا معتاب کی جگ ان کے شنائی ممثال معتاب کا شنائی ممثال معتاب کی جگ کار منز 1110 درزیر عمل حصہ کا کاشنائی ممثال معتاب کا سال کے است کی ہدایت معتاب کی جگ کار منز 1110 ہے۔ ان کو ساتھ کے گھ کر 1110 معتاب کی گار منز 1110 ہے۔ آمندی ہدایت معتاب کی گار منز 1111 ہے جبکہ اسس کا کوئی زیر عمل حصہ نہیں بیاجت ان البندازیر عمل حصہ غیر مطابع ہے جس

operand operand operand

۱۲٫۳ کمپیوٹر کی برنامہ نولی

مسیں کچھ بھی لکھا جہا سکتا ہے۔ اسس غیبر مطلوب ھے کو xxxx سے ظاہر کیا گیا ہے۔ ہوں xxxx مسین کچھ بھی لکھا جہا کہ حاصل کیا گیا ہے۔

اب  $S_2$  کو بٹ کر (زمسین سے جوڑ کر) پت اور مواد کے سونج قت م باقت م درج ذیل رکھیں، جباں "ک " سے مسراد کھیں منقطع مونج ہے جو 1 کوظ اہر کر تاہے، " ب سے مسراد بیٹ یا غیبر منقطع اونج ہے جو 1 کوظ اہر کر تاہے، " ب سے مسراد بیٹ یا غیبر منقطع اونج کے بی حسال مسین (منقطع یا غیبر منقطع) ہو سکتا ہے۔

پت بببب کاکار بببب بببب باکاکار بببب باکار x x x x x

ہر ت دم پر پت اور مواد سونج مطلوب حسالت مسین رکھ کر S<sub>1</sub> کو بھاکر دوبارہ کھٹڑا کریں۔ تسینوں پت پر مواد لکھنے کے بعد S<sub>2</sub> کو کھسٹرا کریں۔ حسافظہ کے ابت دائی تین مصامات پر اب درج ذیل پایا جبائے گا۔

آپ نے دیک کہ ہم کمپیوٹر کی مادری زبان مسین اردو کے الفاظ مشلاً "فت ل"، اور "جنع" استعال کر کے کمپیوٹر کوہدایات حباری کرتے ہیں۔ کمپیوٹر ازخود "شنائی زبان" سمجھتا ہے جو مشینی زبالق ۲۲ ہسلاتی ہے۔ مشینی زبان مسین 0 اور 1 سے الفاظ بنائے حباتے ہیں۔ درج ذبلی مشال ان زبانوں مسین و ضرق احبا کر کرتا ہے۔

مثال ۱۲.۲: گزشته مثال میں دیے گئے برنامے کاترجہ مشینی زبان میں کریں۔

حل: مثال ۱۲. اکابرنامہ جومادری زبان مسیں ہے ذیل ہے۔

9H نستل 0H
AH تح 1H
BH تح 2H
CH نفی 3H
برآمد 4H

اسس کاتر جمہ مشینی زبان مسیں کرتے ہیں۔

machine language

۲۸۴ باب ۱۲ ساده ترین کمپ پوٹر

اسس شنائی برنامہ مسیں ہدایت کے حپار بلٹ د تر رہی ہے "عمسل" کو ظاہر کرتے ہیں جبکہ حپار کم تر رہی ہٹ "ہتہ" مسراہم کرتے ہیں۔ بعض اومت اسب ہم حیار بلٹ د تر تریب کو **جزو ہدایتے**۔ ۱۵اور حیار کم تر تربیب کو **جزو ہدایتے۔** ۱۳ کیتر ہیں۔

$$XXXX$$
 $YYYY$ 
 $\leftarrow celline$ 

مثال ۱۲.۳: درج ذیل حساب کرنے کے لئے کمپیوٹر کابرنام لکھیں۔ تمسام اعبداداعثاری ہیں۔

$$16 + 20 + 24 - 32$$

حسل: گزشتہ مشال کابرنامہ لے کر حسافظہ کے معتام 9H تا CH مسیں بالستہ تیب مواد 16، 20، 24، اور 32 کے اس سس سولہ ممٹ ٹل لکھ کر درج ذیل مطبوبہ برنامہ حساسل ہوگا۔(اعشاری 16 کااپ سس سولہ ممٹ ثل 10H ہے۔)

> instruction field<sup>rs</sup> address field<sup>r1</sup>

۱۲.۳ کمپیوٹر کی برنامیہ نولیی

```
پت
نفت ل9H
      0H
АН2.
      1H
вну.
      2H
chخق
      3H
 بر آمد
      4H
 رک___
      5H
  XX
      6H
  XX
      7H
 XX
      8H
 10H
      9H
 14H
      AH
 18H BH
 20H
      CH
 XX DH
  XX
      EH
  XX FH
```

## اسس کار جمہ مشینی زبان مسیں کرتے ہیں۔

پت
0000
0001
0010
0011
0100
0101
0110
0111
1000
1001
1010
1011
1100
1101
1110
1111

یادر ہے برنامے کی پہلی ہدایت حسافظ کے معتام 0000 سے پڑھی حباتی ہے، دوسسری معتام 0001 سے پڑھی حباتی ہے، وغیسرہ، لہنذا برنام زیریں حسافظ مسین اور مواد بالا مسین رکھا گیا ہے۔ غیسر مستعمل معتامات مسین معلم معتامات معلم معلم معتامات معلم معتامات معلم معتامات معتامات

باب۲۱۰ د درین کمپ پوٹر

مثال ۱۲.۳: درج بالامثال مسین حساصل شنائی برنامہ کو اس سس سولہ کے روپ مسین کھیں۔ شنائی روپ کی بحبائے ہم عصوماً برنامے کا اس سس سولہ روپ استعمال کرتے ہیں۔

حـل:

پت ہدایت 0H09H 1AH1H1BH2H2CH3HEXH4HFXH5HXXH6H XXH7HXXH8H10*H* 9H 14HAH18H BH20H CHXXHDHXXHEHXXHFH

ا سس سولہ مسیں لکھی گئی زبان بھی مشینی زبان کہا تی ہے۔

FDH کے بحب کے -03H کے بیان مسیں منفی عدد کا اس سے 2 تکسلہ استعال کیا حباتا ہے۔ مثال کے طور پر ، -03H کی بحب کے -03H حب نظلہ مسیں ڈالا حب کے گا۔

# ۱۲.۴ بازیافت تی پھیرا

کمپیوٹر کی خود کار کار کردگی کا دارومدار" ت ابومسر کز"پر ہے۔ حسافظہ سے باری باری ایک ہدایت اٹھٹ نے اور اسس پر عمسل کرنے کے دوران کمپیوٹر مختلف وقتمیر کرنے کے احکامات و تابومسر کز حباری کرتا ہے۔ ہدایت اٹھٹ نے اور اسس پر عمسل کرنے کے دوران کمپیوٹر مختلف وقتمیر عالی سے مدال کے گزرتا ہے، جس مسیں دف از کامواد تبدیل ہوتا ہے۔ آئیں وقتہ حسال پر غور کریں۔

#### چىلاگنىپ كار

timing states 12

# جوابات