عبد دی ادوار تنیق و تبزی

حنالدحنان يوسفونگ khalidyousafzai@hotmail.com

سر نومب ۲۰۲۳

عسنوان

İX																																							,	Ų	باح	دىيسە
xi																																~	÷	ے ر		. کاد	-	كتاب	_لي_	پہ	-ر	مي
1																																						_ام) نظبہ	نۇ	شر	1
1																																(نتق	گر ا	_امِ	انظيه	اری	ئث	-1	1	1.1	
٣																																	. (نحق	كس	ِ _ام	نظ	شتمى	7	٢	۱.۲	
۳																																	ى .	ٺ	م گه		ئی نظ	ٺ	:	۲	1.1	
۵																							_	باول	<u>ب</u>	ى تت	بير	_	ام'	ل	ئى ز	ٺ	ے شر	<u>_</u> (_ٰر	انظيه	باری	ئ	1	٩	´.1	
∠																						ؾ	ٺ	گر ا	_ر	نظ	ی)	· -	ث	ع عر	_	اد	_	· /),	سول	_	_	ر	1	۵	1.1	
9																										•	-				-					-		_		۲	1.1	
9																																						_		4	.1	
9					•			•					•			لہ	باو	نب	ں ت	بير	_	ادو	<u></u>			ار	سے	- ^	سوا	U	_		. اس	ر اور	آځه	<u>۔</u>	_(_	1	٨	1.1	
11																																					_	_ا	ی حہ	يادأ	بنر	۲
۱۲																											.	ىرنا	فی ک	ومن	بر	عر	بل ا	ب	مم	_	ئی نظ	ٺ	:	1	۲.	
۱۳																															لم	نكمسه	ا کا	r١	لٰہ	بنكمسه	اسی	_	-1	۲	۲.	
۱۴																						۔	L	انتكم	5 ((r	_	1)	لمهيا	ب	_		اکیک	منفى	_	_	_	-1	٣	۲.	
۱۵																										لہ		بتكم	اسی	_	۸,	_	ريعيه	بز	ا منفح	اد کح	_	واعبه	,	۴	۲.	
14																				,	ل	نكمسه	٤.		یک	ني ا	ی منا	_	-	L	/ _	_	ريعيه	بز	امنفي	اد کح	_	واعس	,	۵	۲.	
19																																						<u>ئ</u> ــــ		۲	۲	
22																														ام	ظ	له	ب	رو تنکا	وار	_=	امر	ب	ç	4	۲.	
r																																						,	الجه	ِلين إلين	. ا	۳
, ω ۲Δ																															(. تھ	ا ، ک	٠.			١,	ا ولير	/5•1 aj	ر ن ا	بور س	,
, w	٠	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	٠		٠	•	٠	•	•	_	_	مورا	. (ے در	بىپ قەن	ے منط	-1/.	٠, ر	.ور. ا	ر س	1.	.,	
, (-	_/	ں-	,			ا.!.ا				

iv

۲۷	۲.۱٫۳ منطق جمع		
49	m.ا,m		
49	۳۰۱٫۳ منطقی بلات رکت جمع		
۳٠	۵.۱٫۳ منطقی ضبه بلات شرکت جمع		
٣٠	برقی تارون مسین جوڑ کی وضاح ت	۲.۳	
۳۱	عبددی گیٹ	٣.٣	
۱۳۱	۱۳٫۳ خرب گیٹ		
٣٢	۲٫۳٫۳ جمع کیٹ ۲٫۳٫۳		
٣٣	۳.۳.۳ نفی گیٹ ِ		
٣٣	۳.۳.۳ متعب د مدامت گیئی به بید کار کیست به متعب د مدامت کار کیست به متعب د مدارستان کار کیست به متعب د مدارستان		
۳۵	۵٫۳٫۳ ضرب متم گیٹ اور جمع متم گیٹ		
٣٨	۲٫۳٫۳ بلاشرکت جمع گیئ اور بلاشرکت جمع متم گیٹ		
۴,	گیٹوں کے برقی خواص	٣.٣	
۱م	۱٫۴٫۳ کار		
٣٣	۲.۳.۳ مختلوط ایدوار		
۴۵	بودلین تفع سل کا محمیت	۵۳	
۴۵	١.۵.٣ بودلين نقف عسل كالتخميت		
۲۷	قوسين مسين سند بودلين تف عسل	٧.٣	
۴٩	بوولین الجبرا کے بنیادی قوانین	۷.۳	
۵۳	ڈی مار گن کے کلیات	۸.۳	
۲۵	حبيرُوان بوولين نقف عسل	9.1	
۵۷	ار کان ضرب کے محب وعب کی ترکیب	1+.1"	
4+	ار کان جمع کی ضرب کی ترکیب	11.11	
414	محب موعب ار کان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے مامین تب ادلہ	14.4	
۵۲	ضرب وجح دورسے متم ضرب ومتم ضرب دور کاحصول	۳.۳	
۷۷	جمع وضر ب دور سے متم جمع ومتم جمع دور کا حصول	۳.۳۱	
۸۲	عسلامتی روپ یار موز ٔ	10.1	
۸۲	۱.۱۵٫۳ اینگی رموز اور عب کمی رموز		
۷٠	۲.۱۵٫۳		
۷٠	٣.١٥,٣ گرے رموز		
۲۳	_نتشحب		٢
۷۳	كارنان بنقشے كابنيادى جِن كە	1.1	
۷۵	كارنان فقشے كى بھسرائى . ب	۲.۴	
۷۵	کارنان نقشے سے تقب عسل کی ساوہ مساوات کا حصول	٣.٣	
44	۱٫۳۰٫۶ دو آزاد متغیب رتف عبل		
۸٠	۲٫۳٫۶ تین متغیب رتف عسل ۲٫۳٫۶ تین متغیب رتف عسل		
۸۳	۳٫۳٬۴ حپار متغیر تف عسل		
۸۵	۲.۳.۴ سده مباوا <u> سے</u> تف ع ^س ل کے ارکان ضرب کا حصول		
4.4	ف به بعنی شکل مب بر بر ادامه ادامه	or or	

عـــنوان

۸۷	غپ دولچپ حسال	۵.۴	
19	ی منطق اور تر کسیسبی ادوار	تركب	۵
19	شن کی جنع کار اور شن کی منفی کار	1.0	
9+	۱.۱.۵ نِصف جمع کار		
95	۲.۱.۵ مکیسل جمع کار		
94	۳.۱.۵ مثفی کار		
99	۲.۱.۵ اعث اری جمع کار		
1+1	شنائی ضرب کار	۲.۵	
1+1	شناخت کاری د د د د د د د د د د د د د د د د	۳.۵	
1+9	شناخت کار کی مددسے تف اعب ل کا حصول	۳.۵	
111	دا حسلی منتخب کار اور حسنار جی منتخب کار	۵۵	
111	۵.۵.۱ حنارتی منتخب کار		
1111	۲.۵.۵ واحسلی منتخب کار		
110	۳.۵.۵ داخنگی منتخب کارہے تف عسل کا حصول بیست بیست بیست کارہے تف عسل کا حصول		
114	متوازی شن کی ضرب کار	۵.۲	
171	رِيرَ شب بي منطق اور ادوار	معساص	4
177	گیٹوں کے او ت ہے کا ر	۲.۱	
122	پلٹ کار	۲.۲	
174	باعت باعت باعت باعت باعت باعث باعث باعث باعث باعث باعث باعث باعث	۳.۲	
ITA	للمتم ضرب گیٹ ایس آر پلٹ کار	۲.۳	
119	۱.۴.۲ عنب رفع ال مداحن پایٹ کار، حسال بر فت رار رکھتاہے		
119	مداخنل $\frac{S}{2}$ فعال کرنے سے پائے کاربلند حسال اختیار کرتاہے $\frac{S}{2}$		
14.	\overline{R} مداخب \overline{R} فعسال کرنے سے پلیٹ کارپست حسال اختیار کر تاہے \overline{R}		
۱۳۱	۲٫۴٫۲ حال دوژ		
۱۳۱	زياده مداخنل پلنڪ کار	۵.۲	
۱۳۲	ت ابل محباز ومعبذور پلیٹ کار	۲.۲	
۳۳	آت اعتلام پلٹ کار	∠.५	
∠۳۱	قى پلىئے كارى مى مى اى مى دى مى دى	۲.۸	
122	۱.۸.۲ آت عنلام پلٹ کارے حساصل کردوڈی پلٹ کار یہ		
124	ۇي پ <u>ا</u> ئىسىڭ كارىيىنىنىڭ دارىيىنىنىڭ دارىيىنىنىڭ دارىيىنىڭ كارىيىنىڭ كارىيىنى	9.4	
۲۳۱	جے کے پلٹ کار	۲.۰۱	
۱۳۵	۲.۱۰۱		
١٣٦	شنائی گنت کار یا در	٢.۱۱	
۱۳∠	سلىلە وارشنائى جمع كار	14.41	
۱۳۸	معاصر ترشیبی ادوار کا محبزب	۲.۳۱	
۱۳۸	۱٬۱۳۰۸ مساوات حسال		
1179	۲.۱۳.۶ حال کاحب ول		
10+	۳۳۷ حال کاحت)		

vi

10+	۲.۱۳.۲ څې پليځ کار پر منب ني ترشيهي دور		
۱۵۱	۵.۱۳.۲ جے کے پلٹ کار پر مسبنی ترشیبی دور		
۱۵۵	۲٫۱۳٫۲ ٹی پلٹ کار کی مد د سے ترتشیبی دور کا حب ئزہ		
۲۵۱	مىيلى اور مُور نمون 🕳	۲.۳۱	
104	۱٫۱۴۰٫۱ حیال اور ان کی مقسرری		
۱۵۸	معاصرترشیبی ادوار کی بت و پیشت در این معاصرتر شیبی ادوار کی بت و پیشت می ادوار کی بت و پیشت کی در این می معاصر	10.4	
141		وفت	4
۱۲۵	سلىلەداردفىي تىرىنىيىسىنىيىسىيىسىنىيىسىيىسىنىيىسىيىسىنىيىسى	1.4	
۱۲۵	١.١.٧ وإنكن انتقت إل وفت سر		
۱۲۵	۲.۱.۷ بائیں انتوت ال وفت بر بیر بیر بیر بیر بیر بیر بیر بیر بیر		
177	ے. ا. ۳. اراکین وبائیں انتقت ال وفت ر		
177	متوازی بھیے رائی دفت بر	۲.۷	
142	عبالسگیرانت ال دفت ر	٣.۷	
14	سلمله وارشنائی جمع کار	4.۷	
سور ،	/	گنیت	۸
12m 12m	. هر شن کی گن ت کار	۱۸	^
120	متال نت فار	1.A	
120	منت مرست دار	1./	
120 12A	۱.۲.۸ معساصر شن کی گنت کار		
127	۱٬۰۰۱ میل سر ورانس کا معتبر شکه از ۲۰۰۰ میل سر از این br>ای گاری از	۳۸	
111	دیگر گئ ت کار	۲.۸	
11/1	۱٫۳۸ متغیب رلمب انی گنت کار		
110	۸.۱۸ مجرتیب ش <u>ی</u> هر ۲۱.۸ مجرتیب شی هر ۳.۳۸ می از ۲۰۰۰ می از ۲۰۰ می از ۲۰۰۰ می از ۲۰۰ می از ۲۰۰۰ می		
IAY	۸. ۱۰۱ پیت است دار ۴.۳۸ وهشر کن پیپداکار		
1/1	۲۰۱۰ و مسر ن پیدادر ۱۰۰۰ میلید در ۱۰۰ میلید در ۱۰ میلید		
119		حسافظ	9
19+	عبارضي حسافظي	1.9	
199	پخته حافظه	۲.9	
۲٠٢	حافظه کی استعداد بڑھانے کی ترکیب	٣.٩	
۲٠٢	۱٫۳۹		
۲+۵	۲.۳.۹ تين 8 × 16 حب فظے سليد دار جوڙ کرايک 8 × 48 حب فظے کاحصول		
۲٠٩	۳.۳.۹		
۲٠٩	حبافظہ کے اوت ابت کار ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	۴.9	
۲11	پخت جسافظ سے ترکسیبی ادوار کاحصول بیست بی در بیست میں نظر سے ترکسیبی ادوار کاحصول	۵.9	
۲۱۳	تفكيال تركب بمنطقي ادوار	وت بل	1+
۲۱۴	۰		
710	۲۰۰۱۰ صتابل تفکیل ضرب و جمع تر کمیسی منطقی ادوار		
۲۱۸	ت با منظم المسلم ال المسلم المسلم	1.16	
, ,,,		1.1-	

19	اا غنب رمع اصرتر شببی ادوار	
٣٣	اا.ا تحبزُب ُ	
	اا.ا.ا تشتعبوری حبدول	
	۱۱.۱۲ بېساو کاټ ول	
49	۱۱٫۱٫۳ حیالت دوڑ	
٣٢	۱۱.۱.۴ توازن اور ارتعب سش	
۳۴	۲٫۱۱ حسالت دوڑھے پاک شنائی عسلامتوں کا تقت رر ۲۰۱۰ میں دوڑھے پاک شنائی عسلامتوں کا تقت ر	
۳۷	۳.۱۱ عبوری حبدول کی مدد سے پلٹ کا تحب زیے	
۲۷	۱٫۳۰۱۱ ایس آرپلیش	
	۲٫۳۰۱۱ ساعت کے کسنارہ پر چلتا ہواڈی پلیٹ	
۳۵	۳.۳.۱۱ ایس آرپلٹول پر مسبنی غنیسر معساصراد دار کافت دم بافت دم تحسیز سیه مسبب دریار در در در در در در در در در	
<u>۳</u> ۷	۱۲ سوالات	
'Y ∠	جو ابا <u>ت</u>	

ریباحپ

ی کتاب اسس عسزم سے کتھی گئی ہے کہ سے ایک ون برقی انجنیزنگ کی نصابی کتاب کے طور پر پڑھائی حبائے گی۔ امسید کی حبائے گی۔ امسید کی حبائے ہے۔ مسیں ڈاکٹسر گی۔ اسٹ بھی طلب و طالبات اسس سے استفادہ حساصل کر سکیں گے۔ مسیں ڈاکٹسر محمد اسٹسرون عطا (ہلالِ استیاز، ستارہِ امسیاز) کا خصوصی طور پر نہیایت مشکور و ممنون ہوں حبنہوں نے اپنے مصدروفیات سے وقت نکال کر اسس کتاب کو پڑھ کر سنہ صوف درست کیا بلکہ بہت سارے تکنیکی مصدروفیات ہمی و سراہم کے۔ مسین امیدرکھتا ہول کہ جھے آئے۔ ہمی ان کی مدد حساس ابوگی۔

مسیں یہاں کامسیٹ کے طلب وطالبات کا بھی مشکر ہے ادا کرنا دپ ہت ہوں حب نہوں نے اسس کتا ہے کوبار بارپڑھ کر غلطیوں کی نشاند ہی گی۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارشش کی حباقی ہے کہ وہ اسس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلب و طبالب سے تک پنچے ئیں اور اسس مسیں غلطیوں کی نشاند ہی مسیرے ای مسیل پہتے پر کریں۔

حنالد حنان يوسفز أي 5 منروري 2013

میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرتب اعلیٰ تعلیم کا داروں مسیں تحقیق کارجمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ یہ سلم حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجو د مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخو د ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجو د آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے و ساب کی انجوں کرنے کے باوجود آگے بڑھنی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے تو می سطح پر ایس کرنے کی و ساب کی انجوں کو کرنے سے طلب وط الب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انجوں کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے تو می سطح پر ایس کرنے کی کوئی خیاط سے دول و شش نہیں گیا۔

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تھتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بننانے سے انکار کر دیااور یوں ہے کتاب وجودمسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغنی رات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نصابی کتاب و نظام تعلیم کی نصابی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلسل نصاب کی طسر فسے ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایہ سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 28 *اكتوبر* 2011

إب

شنائی نظسام

ا.ا اعثاری نظام گنتی

روز مسرہ زندگی مسیں اعشاری نظام گسنتی استعال ہوتا ہے، جو 0 تا 9 کے ہندسوں پر مسبنی ہے۔ کسی بھی گسنتی کے نظام مسیں کا تعلیم اسس کتبے ہیں۔اعشاری نظام مسیں 0 تا 9، یعنی دسس 10 نظام مسیں کا عالمات ہیں،یوں اعشاری نظام کی اساسس دسس ہے اور اسس کو اساسس 10 کانظام کہتے ہیں۔

مساوات ارامسیں 538.72 کو اعشاری نظام مسیں لکھتے ہوئے زیر نوشت مسیں 10 ککھا گیا ہے، جو اسس بات کی یاد دہانی کر اتا ہے کہ یہ عصد داسس دسس کے نظام مسیں لکھا گیا ہے۔ اسس کتا ہے مسیں چونکہ کی نظام گسنتی استعمال ہوں گے، البندا جہاں مستن سے واضح نہ ہو وہاں اعبداد کے ساتھ ان کی اسسس زیر نوشت مسیں لکھی حبائے گا۔

(i.r)
$$538.72_{10} = (5 \times 10^2) + (3 \times 10^1) + (8 \times 10^0) + (7 \times 10^{-1}) + (2 \times 10^{-2})$$

,

باب. اشنائي نظام

$$x_2 = 5$$
 $x_1 = 3$
 $x_0 = 8$
 $x_{-1} = 7$
 $x_{-2} = 2$
 $x = 538.72_{10}$
 $x = x_2 x_1 x_0 . x_{-1} x_{-2}$

مشکل ا. ا:عبد د کے ہند سول کو یکارنے کا طب ریقہ کار۔

اسس حقیقے کو درج ذیل عبومی رویے میں لکھ کتے ہیں۔

(i.r)
$$\cdots a_2 \times 10^2 + a_1 \times 10^1 + a_0 \times 10^0 + a_{-1} \times 10^{-1} + a_{-2} \times 10^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{10}$

عدد 538.72_{10} کو x لیتے ہوئے، شکل المسیں اسس کے مختلف ہند سول کو پکارنے کا طسریق و کھایا گیا ہے، جسس کے تحت 5 کو x جبکہ 3 کو x کہیں گے، وغیبرہ۔

اسس طسرح کی بھی عبد دمسیں بائیں حبانب ہندے کا رتب دائیں حبانب ہندے کے رتب سے بلند ہو گا۔مساوات ا.امسیں بلند تررتب کاہندسہ 5 ہے،جبکہ کم تررتبے کاہندسہ 6 ہے۔

مساوات ۱۰، مسیں سات کو تین مختلف طسریقوں سے تکھا گیا ہے۔ روز مسرہ زندگی مسیں سات پہلی طسرز پر لکھا حباتا ہے۔ یول کاعند پر لکھتے ہوئے کی بھی عدد کے بائیں حبانب صغسر نہیں تکھے حبات اور عدد کے بائیں حبانب کاعند نو کو حنالی چھوڑا حباتا ہے۔ یہاں سے بات سمجھنا ضروری ہے کہ روز مسرہ زندگی مسیں اعداد تکھتے وقت ان کی لمبائی یان مسیں گل ہدد ہوں کی تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں چین کی چھوٹا تعداد پہلے ہے متحسین نہیں کی حباقی ۔ کمپیوڑ مسیں ہوگئی عدد کو کے بائیں حبانب حبال جا کا ہونا خروری ہے۔ کمپیوڑ مسیں ہر قتم کی کے بائیں حبانب حبال جگ اس بات کا فیصلہ کیا حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کہتے ہے بہتے اس بات کا فیصلہ کیا جباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے بائیں ہنا ہوگئی حباتا ہے کہ اے لکھنے کی حنا طسر کتنی جگھے در کار ہوگی ۔ یوں اگر عدد کو مصادت کے جہائے کہ سے کا مسین ہوگئی گئی ہو تواسس تہا م جگ کو ہر صور سے استعال کرنا ہوگا ۔

اعثاری نظام مسیں گسنتی 0_{10} سے شروع ہوتی ہے اور بتدار تگ بڑھتے ہوئے 9_{10} تک پہنچتی ہے۔ اسس دوران دہائی، سینکڑا، وغنیسرہ کے مصام پر صف ررہت ہے اور انہیں عام طور نہیں لکھا حباتا۔ گسنتی نو تک پہنچنے کے بعد دہائی، لیمنی 10^0 ، وزن رکھنے والے مصام پر 0 کی بحبائے 1 ککھا حباتاہے اور اکائی، لیمنی 10^0 ، وزن رکھنے والے مصام پر دوبارہ 0 تا 9 گست کی حباتی ہے۔

۱.۲ بشتمی نظب م گنتی

اگر آپ کواس پیسراگران کی مسجھ نہیں آئی تواہے دوبارہ پڑھیں۔اس مسیں سادہ گسنتی کی وضاحت کی گئی ہے۔

اعثاری نظام مسیں اگراعبداد کو ایک بہندے تک محدود کر دیا جبائے تواسس مسیں $0_{10} = 9_{10}$ تک گسنتی مسکن ہوگی۔ اگر اعبداد کو دوہند سے ہوں، تب محدود کر دیا جبائے، لینی اسس مسیں زیادہ سے زیادہ دوہند سے ہوں، تب موسکن ہوگی، ای طسرح تین ہند سول تک کے عدد استعال کرنے سے $000_{10} = 000_{10}$ تک کرباسکتی ہے، وغیبرہ۔

۱.۲ مشتی نظام گنتی

ہشتمی نظام 0 تا 7 ہند موں پر مبنی ہے۔ اس نظام مسیں آٹھ ہند ہے ہیں الہذا ہے۔ اس آٹھ نظام ہے۔ بالکل اعتباری نظام کی طسر تر، اس نظام مسیں اعتبارہ کھتے ہوئے اعتبار ہے بائیں حبائب پہلے ہند ہے کا وزن $8^0 = 8_1$ ، دوسرے ہند ہے کا $8^1 = 8_1$ ، تیسرے کا $8^0 = 8_1$ ، وغیبرہ، جبکہ اعتبار ہے دائیں حبائب پہلے ہند ہے کا وزن $8^1 = 8_1$ ، دوسرے کا $8^1 = 8_1$ ، دوسرے کا $8^1 = 8_1$ ہوگا، وغیبرہ۔ حبائب پہلے ہند ہے کا وزن $8^1 = 8_1$ ہوگا، وغیبرہ۔

$$\begin{array}{l} 538.72_8 = [(5\times 8^2) + (3\times 8^1) + (8\times 8^0) + (7\times 8^{-1}) + (2\times 8^{-2})]_{10} \\ = [(5\times 64) + (3\times 8) + (8\times 1) + (7\times 0.125) + (2\times 0.015625)]_{10} \\ = [320 + 24 + 8 + 0.875 + 0.03125]_{10} \\ = 352.90625_{10} \end{array}$$

ہشتمی نظامِ گنتی کے لئے مساوات استورج ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

(I.1)
$$\cdots a_2 \times 8^2 + a_1 \times 8^1 + a_0 \times 8^0 + a_{-1} \times 8^{-1} + a_{-2} \times 8^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0, a_{-1} a_{-2} \cdots)_8$

ہ متی نظام مسیں دیے گئے عبد د کواعشاری نظام مسیں تبدیل کرنامساوات ۱.۵مسیں د کھایا گیا ہے۔ ہشتی عسد د کے زیر نوشت مسیں 8 اسس بات کی یاد دہائی کراتا ہے کہ ہے عسد دہشتی نظام مسیں لکھا گیا ہے۔

1 اسس نظام مسیں گسنتی 0 سے سشروع ہوتی ہے، 7 تک یہ بینچنے کے بعد 8^1 وزن رکھنے والے معتام پر 0 کی بحبائے 1 ککھا حباتا ہے اور 8^0 وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 ہے 7 کی گسنتی سشروع ہوتی ہے۔

۱.۳ شنائی نظام گستی

ما نگر و کنٹ رولر کی دنیا مسیں شنائی نظام گستی استعال ہوتا ہے۔ شنائی نظام دوہت دسوں، 0 اور 1 ، پر مسبنی ہے، البذا سے اساسس دو کانظام ہے۔ اسس نظام مسیں گستی 0 سے شسروع ہوتی ہے، 1 تک پہنچنے کے بعید 2¹ وزن رکھنے ابا. شنائي نظام

والی معتام پر 0 کی بحب ئے 1 کھے حب تا ہے، اور 20 وزن رکھنے والے معتام پر دوبارہ 0 سے 1 گسنتی سنسہ وع ہوتی ہے۔ اسس نظام مسیں گسنتی کو مساوات اے مسیں د کھایا گیا ہے، جہاں زیر نوشت مسیں اساسس لکھنے سے گریز کسیا گیا ہے۔ مواز سنہ کے لئے اعشاری گسنتی بھی پیش کی گئی ہے۔

اس نظام مسیں اعتداد کھتے ہوئے اعشار ہے کے بائیں حبانب پہلے ہندے کا وزن $2^0=1_{10}$ ہوگا، دوسرے کا میں بھیلے ہندے کا وزن $2^1=2_{10}$ ہوگا، دوسرے کا $2^1=2_{10}$ ہوگا۔ $2^2=4_{10}$ ہوگا۔ $2^1=2_{10}$ ہوگا۔ $2^1=2_{10}$ ہوگا۔

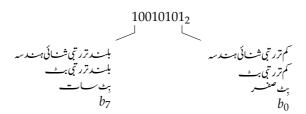
شنائی نظام گسنتی کے لئے ی مساوات اسران ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

(I.A)
$$\cdots b_2 \times 2^2 + b_1 \times 2^1 + b_0 \times 2^0 + b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} \cdots$$

= $(\cdots b_2 b_1 b_0 \cdot b_{-1} b_{-2} \cdots)_2$

مساوات اوا مسین شنائی نظام مسین دیے گئے عدد کو اعشاری نظام مسین تبدیل کرنا د کھایا گیا ہے۔ شنائی عدد کے زیر نوشت مسین کا اسس بات کی یاد دہانی کراتا ہے کہ یہ عصد دشنائی نظام مسین کھا گیا ہے۔

$$\begin{array}{l} 1011.1_2 = [(1\times 2^3) + (0\times 2^2) + (1\times 2^1) + (1\times 2^0) + (1\times 2^{-1})]_{10} \\ = [(1\times 8) + (0\times 4) + (1\times 2) + (1\times 1) + (1\times 0.5)]_{10} \\ = [8+0+2+1+0.5]_{10} \\ = 11.5_{10} \end{array}$$



مشكل ٢.١: بلن د تراور كم تررتبي بهن دسے۔

شنائی عدد کے ہندسوں کو پکارنے کا طسریقہ سشکل ۲۰۱۱مسیں دکھایا گیا ہے۔ شنائی عدد کے دائیں ترین ہندے کو کم تر تی بخد یا گلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابن اللہ اور اسسے انگلے کو بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی ارموجودہ مشال مسیں) بند کو بند دویا بند کو کہ بندائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کو بلند تر ہی شنائی ہندسہ یابند تر ہی بندی کے کہ بندائی ہندسہ یابند کی کہ بندائی ہندہ کے کو بندائی ہندسہ یابند کی کو کہ بندائی ہندہ کی کہ بندائی ہندہ کی کو بندائی ہندائی ہن

اگر دیے گئے شنائی عبد دے اعشار ہے ہے دائیں حبانب کچھ نے ہو، تب درج ذیل لکھا حباسکتا ہے:

(1.1•)
$$1011_2 = (2^3 + 2^1 + 2^0)_{10} = (8 + 2 + 1)_{10} = 11_{10}$$

جوہندے 1 ہیں،ان کے وزن جمع کیے سباتے ہیں۔

حیارہت موں کاشٹ کی عدد و 0000_2 تا 11112 گستی کر سکتا ہے؛ اسس ہے بڑا عمد در کھنے کے لئے حیارے زیادہ ہند ہوں گے۔ ما تکرو کنٹ مرولر آٹھ شٹ کی ہند موں کے اعمد او استعمال کرتا ہے جو 00000000_2 تا 11111111_2 ، یعنی 010 تا 015 خابر کر سکتے ہیں۔

۱.۴ اعشاری نظام سے شنائی نظام مسیں تبادلہ

اعثاری نظام مسیں دیے گئے عدد کوشنائی نظام مسیں لکھنے کی حناطسر اسس عدد کوبار بار 2 سے تقسیم کریں، حتٰی کہ یہ مسزیہ مسین بہلے حاصل باقی کوشنائی عدد کہ یہ مسزیہ تقسیم سے ہوئے ہم مسرت تقسیم کے بعد حساصل باقی کو اسس سے دگنے وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری کے سب سے کم وزن کے مصام پر لکھیں؛ ان طسرح آحنسری حساسل باقی کو اسس سے دینے وزن کے مصام پر لکھیں۔ یول شنائی عدد حساصل بوگا۔ یہ طسریق استعال کرتے ہوئے 1210 کوشنائی کھیں کی میں لکھتے ہیں۔

باب ا. شنائی نظام

121 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 60 اور باقی 1 ملت ہے۔ 60 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 30 اور باقی 0 ملت ہے۔ 30 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 15 اور باقی 0 ملت ہے۔ 15 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 7 اور باقی 1 ملت ہے۔ 7 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 3 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 3 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 1 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔ 1 کو 2 ہے تقسیم کرنے ہے۔ اسل تقسیم 0 اور باقی 1 ملت ہے۔

ا ب سب سے آ حضری" باتی"کوسب سے زیادہ وزن کے معتام پر اور سب سے پہلے" باقی"کوسب سے کم وزن کے معتام پر ککھتے ہیں۔ بیل د 1111001 سے صل ہو گا، البیذا

$$121_{10} = 1111001_2$$

ہو گا جہاں سات شنائی ہندے استعمال کیے گئے ہیں۔ اپنی تسلی کے لئے اسس عدد کو واپس اعشاری نظام مسیں منتصل کرتے ہیں۔

$$1111001_2 = 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^0 = 64 + 32 + 16 + 8 + 1 = 121_{10}$$

اسس طسریقے کار کی بہتر صور ہے پیش کرتے ہیں۔

2	121	
	60	1
	30	0
	15	0
	7	1
	3	1
	1	1
	0	1

عب دمسیں اعث ارب کے مائیں مبانب صب کو حصب صحیح ، جب کہ دائیں حصب کو حصب مکور ماکسری کتے ہیں۔

xxxxxx . yyyyyy

يون 121.6875 مين 121 عدد صحيح اور 6875 عدد مكوريــــ

عشری عدد کے صحیح حسہ کو شائی نظام مسیں تبدیل کرنا آپ سیکھ چکے؛ حسہ مسکور تبدیل کرنے کا طسریقے زرہ مختلف ہے۔ آئیں ہے عمسل سیکھیں۔

حصہ مکور کوباربار 2 سے ضرب دیں۔ اگر حسامسل ضرب کے اعشاریہ کے بائیں حبانب 1 حساس ہو تواسس کو حسامسل ہو تواسس کو حسامسل ضرب سے ہٹ اگر شن ائی عدد کے دائیں حبانب مسلک کریں ور سنہ شن کی عدد کے دائیں حبانب مسلک کریں۔ اسس عمسل کوایک مدد سے مشال کی مدد سے مسلک ہیں۔

	شنائی
$2 \times 0.6875 = 1.375$	0.1
$2 \times 0.3750 = 0.750$	0.10
$2 \times 0.7500 = 1.500$	0.101
$2 \times 0.6875 = 1.375$ $2 \times 0.3750 = 0.750$ $2 \times 0.7500 = 1.500$ $2 \times 0.5000 = 1.000$	0.1011

يوں والے 0.1011ء ہوگا؛ آحت رمیں دونوں حصوں کو ملاکر شنائی عبد دحسا صل کرتے ہیں۔

 $121.6875_{10} = 111001.1011_2$

۱.۵ اساسس سوله (سادسس عشری) نظام گنتی

اس سولہ کے نظام مسیں اعبداد کی سولہ عسامتیں ہیں۔ان مسیں پہلی دس عسامتیں 0 تا 9 ہیں، جب باتی عسامتیں، بڑی کھیائی مسیں انگریزی حسرون بھی کے بہلے جہد حسرون لین کھی اور A ہیں۔ عسامت A دسس A والمان کو خساہر کرتی ہے، لین کی جب کہ A عسامت A والم ای خسارہ کو خساہر کرتی ہے۔ لین المسیں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر طسرح جہاتے ہوئے A ہیندرہ کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات المان میں مختلف نظام دیے گئے ہیں۔ انہیں مستجم بغیر

۸ باب ا. شنائی نظام

آگے ہر گزم<u>۔</u> بڑھیں۔

$$00_{10} = 00_8 = 0000_2 = 0_{16}$$

$$01_{10} = 01_8 = 0001_2 = 1_{16}$$

$$02_{10} = 02_8 = 0010_2 = 2_{16}$$

$$03_{10} = 03_8 = 0011_2 = 3_{16}$$

$$04_{10} = 04_8 = 0100_2 = 4_{16}$$

$$05_{10} = 05_8 = 0101_2 = 5_{16}$$

$$06_{10} = 06_8 = 0110_2 = 6_{16}$$

$$07_{10} = 07_8 = 0111_2 = 7_{16}$$

$$08_{10} = 10_8 = 1000_2 = 8_{16}$$

$$09_{10} = 11_8 = 1001_2 = 9_{16}$$

$$10_{10} = 12_8 = 1010_2 = A_{16}$$

$$11_{10} = 13_8 = 1011_2 = B_{16}$$

$$12_{10} = 14_8 = 1100_2 = C_{16}$$

$$13_{10} = 15_8 = 1101_2 = D_{16}$$

$$14_{10} = 16_8 = 1110_2 = E_{16}$$

$$15_{10} = 17_8 = 1111_2 = E_{16}$$

اس نظام میں اشاریہ کی بائیں جانب پہلے ہندے کاوزن $1_{10}=1_{00}$ ، دوسرے کا $1_{00}=1_{00}=1_{00}$ ، اور تیسرے کا $1_{00}=1_{00}=1_{00}$ ، اور تیسرے کا $1_{00}=1_{00}=1_{00}$ ہوگا۔

ماوات المامسیں ساوس عشری یا اس سولہ نظام مسیں دیے گئے عسد د کو اعشاری نظام مسیں تبدیل کرناد کھایا گئے ہے۔ ایب کرتے ہوئے $A=10_{10}$ اور $C=12_{10}$ کے گئے۔

$$\begin{array}{l} 3AC.8_{16} = (3\times16^2)_{10} + (10\times16^1)_{10} + (12\times16^0)_{10} + (8\times16^{-1})_{10} \\ = (3\times256)_{10} + (10\times16)_{10} + (12\times1)_{10} + (8\times0.0625)_{10} \\ = (768+160+12+0.5)_{10} \\ = 940.5_{10} \end{array}$$

مساوات اسس سولہ کے لئے درج ذیل ہو گی۔

(1.17)
$$\cdots a_2 \times 16^2 + a_1 \times 16^1 + a_0 \times 16^0 + a_{-1} \times 16^{-1} + a_{-2} \times 16^{-2} \cdots$$

= $(\cdots a_2 a_1 a_0 . a_{-1} a_{-2} \cdots)_{16}$

۱.۱ اس سروكاا س آم الله مسين تبادله

مساوات اسرا اسمیں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ سے سشروع کرتے ہوئے، اعشاریہ کی دونوں حباب تین تین میں میں بائیں ہاتھ شنائی عدد دیا گیا ہے۔ اعشاریہ کی بائیں حبانی اگر آخنہ مسیں علی ہوا ہوا کی بائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ اعشاریہ کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین کی دائیں حبانی اضافی صف منسک کر کے تین ہدروں کا گروہ پورا کریں؛ ای طسر آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اس آ گھ ہدر سے ان کا مساوی اساس آ گھ ہدر سے اور کا گوہ کھی ایک بھی گیا۔ اور 2011 کی جگ ہے۔ اس طسر آ اس عدد کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ یاد رہے، اور 2011 کی جگ ہوت رادر کھتا ہے۔ اس طسر آ اس عدد کو اساس آ گھ مسیں منتقل کیا گیا۔ یاد رہے، اعشاریہ این جگ ہوت رادر کھتا ہے۔

(1.17)
$$\begin{aligned} 1101100.1_2 &= (001\ 101\ 100\ .100)_2 \\ &= (\ 1\quad 5\quad 4\ .\quad 4)_8 \\ &= 154.4_8 \end{aligned}$$

اساسس دو كااساسس سوله مسين تبادله

(1.14)
$$1101100.1_2 = (0110 \ 1100 . \ 1000)_2$$

$$= (\ 6 \ C \ . \ 8)_{16}$$

$$= 6C.8_{16}$$

۱.۸ اساسس آگھ اور اساسس سولہ سے اساسس دومسیں تبادلہ

انہ میں طسر لیقوں کو الٹ استعال کرتے ہوئے اس س آٹھ اور اس سس سولہ کے اعبداد با آپ نی اس سس دو مسیں لکھے حبا کتے لکھے حبا کتے ہیں۔ مساوات ۱۲.۱مسین اس اس آٹھ:

١٠ باب! شنائي نظام

اور مساوات ا۔ ۱ے امسین اساسس سولہ کوشنائی عبد دکی صورت مسین لکھنا دکھایا گیاہے۔

ہم نے دیکھ کہ شنائی عبد د کے ہند سوں کو تین تین کے گروہ مسیں لکھنے سے اس سس آٹھ اور حپار حپار کے گروہ مسیں کھنے سے اس سس سولہ عبد د حساصل کیا جب آئیں درج بالا مساوات مسین حساصل شنائی عبد دسے اس سس سولہ اعبد اد حساصل کریں۔

$$1001101000101111.0111_2 = (001 \quad 001 \quad 101 \quad 000 \quad 101 \quad 111 \cdot 011 \quad 100)_2$$

$$= (1 \quad 1 \quad 5 \quad 0 \quad 5 \quad 7 \quad . \quad 3 \quad 4)_8$$

$$= 115057.34_8$$

$$1001101000101111.0111_2 = (1001 \quad 1010 \quad 0010 \quad 1111 \cdot 0111)_2$$

$$= (9 \quad A \quad 2 \quad F \quad . \quad 7)_{16}$$

$$= 9A2F.7_{16}$$

مساوات ا. ۱۱ اور مساوات ا. ۱۷ کی آحضری لکسیروں مسیں شنائی اعبداد کودیکھتے ہوئے ہہت حبلدانسان اکتاحباتا ہے، البت، انہمیں مساوات مسیں جہاں شنائی اعبداد گروہ کی صورت مسیں لکھے گئے ہیں، وہاں انہمیں مسجھنا آسان ہے۔ یمی وجبہ ہے کہ شنائی اعبداد بالخصوص اور دیگر اعبداد بالعموم گروہ می صورت مسیں لکھے حباتے ہیں۔

ایک ہندے پر مبنی شنائی عدد کوشنائی ہندسہ یابٹ کہتے ہیں: آٹھ شنائی ہندسوں، بینی آٹھ بنے، کے گروہ کو ہشتی شنائی عدد یابائٹ کہتے ہیں۔بائٹ کو عسوماً حیار حیار شنائی اعمداد کے گروہ مسیں لکھا حباتا ہے۔ یوں مساوات اوات ایما مسیں دوبائٹ ہیں۔ای مساوات کوالٹ حیالتے ہوئے سے واضح ہے کہ ہشتی شنائی عدد کو حیار حیار شنائی اعمداد کے گروہ مسیں لکھ کرانہ میں حبلدا ساسس مولد مسیں لکھا حب سکتا ہے۔

اب۲

بنیبادی حساسب

شنائی نظام مسیں حساب بالکل ای طسرت کیا حباتا ہے جس طسرت اعشاری نظام مسیں۔ چند مشالوں کے مطالعہ سے وضاحت ہوگی۔

شن کی نظام مسین اعبداد کا محبسوعی اعشاری نظام مسین دواعبداد کے محبسوعی سے مسجھا حباسکتا ہے۔اعشاری نظام کی مندرحب ذیل مشال پر غور کریں جس مسین 37.5 اور 29.6 جمع کیے گئے ہیں۔

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
11 \\
37.5 \\
+29.6 \\
\hline
67.1
\end{array}$$

آپ نے دیکھ کہ حساسل (1) کو (بائیں) زیادہ وزنی مصام پر منتقبل کیا گیا۔ یہی شنائی جمع مسین کیا حبائے گا۔ شنائی نظام مسین صرف دوہندے، 0 اور 1 ،پائے حباتے ہیں جن کی حیار ممکن مجبوعے درج ذیل ہیں۔

اب ۲ بنیادی حاب

پہلی تین جع میں ساسل 0 جبکہ آسٹری میں ساسل 1 ہے۔

آئیں، زیادہ شن کی ہند سول کے اعب داد کی جمع کی مث لیں دیکھیں؛ان کی اعث اری نظام مسیں جمع بھی دی گئی ہیں۔

وائیں ہاتھ شن کی 11 اور 10 بھے کرکے 101_2 حساس کی گیب جو اعتاری نظام مسیں 5=2+3 ہو گا، جب کہ بائیں ہاتھ شن کی 1101 اور 1001 بھے کرکے 1010_2 حساس کی گیب جو اعتاری نظام مسیں 22=9+13 کے مستسراد ف ہے۔

آ حن رمیں، کسری اعبداد کی جمع کی ایک مثال دیکھتے ہیں۔

٢.١ شنائي نظام مسين اعداد منفي كرنا

دوبِك (شنائى عدد) منفى كرنے كے درج ذيل حسار مسكنات پائے حساتے ہيں۔

$$0-0=0$$
 $1-0=1$
 $1-1=0$
 $0-1=1$ ((1,00) (1,00)

ی آخنے ری مساوات مسیں صف رسے ایک اسس صورت منفی کیاد کھایا گیا ہے جب ادھار 1 لین ممکن ہو۔ ایک اور مثال دیکھتے ہیں۔

	$\overline{0.75_{10}}$	0.11_{2}
${0.11_2}$	-5.50	-101.1
-101.1	6.25	110.01
110.01		

شن کی منفی کی چیند مثالیں مسل کر کے اعث اری منفی ہے ان کی تصید یق کریں۔ ایس کرنے سے زیادہ وضاحت ہوگی۔

۲.۲ اساس تکماه یا ۲ کاتکها به

کی بھی اسای نظام مسیں، ہندسہ کو اساس ، (r) ، ہے منفی کرنے ہے ہندہ کا اسای تکسلہ (یا r کا تکسلہ) حساس کے برابر ہوگا۔ مشلاً، اعشاری نظام مسیں کے اساس کے برابر ہوگا۔ مشلاً، اعشاری نظام مسیں r کا کا اساس تکسلہ r کا اساس تکسلہ r کا الساس تکسلہ r کا الساس تکسلہ r کا الساس کے برابرہے۔ ای طسر r کا کا الساس تکسلہ r کا الساس کے برابرہے۔ ای طسر r کا کا الساس تکسلہ r کا الساس کے برابرہے۔ ای طسر r کا کا الساس تکسلہ r کا کا کہ تو کا کہ برابرہے کا کا کہ ہوگا۔

اعثاری نظام مسیں عدد 10^n کے سب سے وزنی ہندھے کی قیمت 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہندہے ہول گے۔

$$10^2 = 100_{10}$$

$$10^5 = 100000_{10}$$

$$10^7 = 10000000_{10}$$

n اعثاری نظام کی ایس سن n ہندہے ہوں، کے ایس نظام میں عبد دN ، جس میں n ہندہے ہوں، کے ایس نظام کی ایس سن N جس میں دیار ہندے تکسلہ (یعن N کا تکسلہ درج ذیل ہوگا۔ N بوگا۔ N بار میں کا N کا تکسلہ درج ذیل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad (10^4 - 5391)_{10} = (10000 - 5391)_{10} = 4609_{10}$$

ای طرح عدد 320753 جس مسیں 6 ہندہے ہیں کااساس تکسلہ:

$$(r.r) \qquad (10^6 - 320753)_{10} = (1000000 - 320753)_{10} = 679247_{10}$$

اور 679247 كا 2 كاتكماله درج ذيل ہوگا۔

$$(r.r) \qquad (10^6 - 679247)_{10} = (1000000 - 679247)_{10} = 320753_{10}$$

برعبه د N کے اساس تکسله والی عبد د N بوگاه اسس کا ثبوت کچھ یوں ہے: عبد دی N کا اساس تکسله $r^n-(r^n-N)$ اور عبد د r^n-N کا اساس تکسله r^n-N اور عبد د

شنائی نظام کی اس س 2 ہے اہندا n ہند سوں پر مبنی شنائی عدد N کے 2 کا تکمیاہ (یعنی اساس تکمیاہ) 2^n-N ہوگا۔

اب ۲ بنیادی حاب

شنائی نظام میں عدد 10^n کے سب سے وزنی ہند سے کی قیمت 1 ہوگی، اور اسس کی دائیں حبانب 0 قیمت کے n ہند ہول گے۔

$$\begin{aligned} 2^2 &= 100_2 \\ (\text{r.a}) & 2^5 &= 100000_2 \\ 2^7 &= 10000000_2 \end{aligned}$$

يوں 10112 اور 10001 ك 2 ك تكسله بالت رتيب درج ذيل ہول كے۔

(r.y)
$$(2^4 - 1011)_2 = (10000 - 1011)_2 = 0101_2$$

$$(2^5 - 10001)_2 = (100000 - 10001)_2 = 01111_2$$

اس منفی ایک تکسله یا (r-1) کا تکسله rبه

 r^n-1-N اس منی ایک در r-1 کا تکسلہ ہے مسراد N کے اس منی ایک کے تکسلہ کو عصوماً وکا تکسلہ (نوکا تکسلہ) اور شنائی نظام مسین اس منی ایک کے تکسلہ کو عصوماً وکا تکسلہ (نوکا تکسلہ) اور شنائی نظام مسین اس کا تکسلہ (ایک کا تکسلہ) کتاب کہتے ہیں۔

اعشاری نظام مسیں 376 اور 7852 کے 9 کے تکسلہ،بالتسرتیب مندرحبہ ذیل ہوں گے۔

$$10^{3} - 1 - 376 = 1000 - 1 - 376$$

$$= 999 - 376$$

$$= 623_{10}$$

$$10^{4} - 1 - 7852 = 10000 - 1 - 7852$$

$$= 9999 - 7852$$

$$= 2147_{10}$$

اعثاری نظام مسیں عدد $n:10^n-1$ ہند سوں پر مشتل ہوگا، جہاں ہر ہند سے کی قیمت 9 ہوگا۔

$$10^3 - 1 = 1000 - 1 = 999_{10}$$
 (r.n)
$$10^6 - 1 = 1000000 - 1 = 9999999_{10}$$

$$10^8 - 1 = 100000000 - 1 = 99999999_{10}$$

شنائی نظام مسین عدد 2^n-1 ، n ، 2^n ہندسوں پر مشتمل ہوگا، جہاں ہر ہندسے کی قیمت 1 ہوگا۔

$$2^3-1=1000-1=111_2$$
 (r.9)
$$2^5-1=100000-1=11111_2$$

$$2^8-1=100000000-1=11111111_2$$

شن فی نظام مسیں 10012 اور 1011102 کے 1 کے تکسلہ،بالت رتیب،درج ذیل ہول گے۔

$$2^4 - 1 - 1001 = 1111 - 1001 = 0110_2$$

$$2^6 - 1 - 101110 = 111111 - 101110 = 010001_2$$

آپ دکھ سے بیں کہ شنائی ہندسہ 0 کا"ایک کا تکسلہ"،شنائی ہندسہ 1 ہوگا، اور ای طسرح عسدد 1 کا"ایک کا تکسلہ"،شنائی ہندسہ 0 ہوگا۔ہم کے بین 0 کامتم 1 اور 1 کامتم 0 ہے۔

شنائی عبد دN کا سس منفی ایک کا تکسله، $\overline{N} = d$ سام کسیاحیا تا ہے المبند ادرج ذیل کھے حب سکتا ہے۔

$$\begin{array}{c} \overline{1}_2=0_2\\ \overline{0}_2=1_2\\ \overline{1001}_2=0110_2\\ \overline{101110}_2=010001_2 \end{array}$$

ان دومث الول ہے ایک اہم حقیقت واضح ہو تا ہے: شن کی عبد دمسین ہر ہند سے کامتم کسینے سے (یعنی ہر 0 کو 1 ،اور ہر 1 کو 0 کرنے ہے) اسس کاایک کا تکسلہ مامتم سیاصل ہوگا۔

ثنائی مدد کے ہر ہے کا متم لینے سے مدد کا 1 کا تکله (یعنی متم) ماصلی ہوگا۔

 r^2-1-N اور (r-1) کے تکسلہ سے سراد r کیسلہ سے سراد r کا تکسلہ حاصل کے حسراد r کا تکسلہ حاصل کے حسال کیا ہے، لین عدد کے متم کے ساتھ r بین عبد کے ساتھ r بین عبد کے مسلم ہوگا۔ اس طسرت اس کا تسلم کے حسال کرتے ہیں۔ میں دیے گئے اعبد ادکے r کے تکسلہ ہم اسس طسریقہ سے حساس کرتے ہیں۔

چونکہ $0100=\overline{1011}$ ہے لہذا 1011 کا اس می تکسلہ 0100+1=0100 ہوگا۔ ای طسرت 01001 کے متم 01100 کے متم 01110 کے ساتھ 1 جمع کرنے ہے اس کا اس می تکسلہ 01110 سامسل ہوگا۔

۲.۴ دواعب داد کی منفی پذریعب اساسی تکمه لیه

ستلم و کاعن نے ساتھ، M = N منٹی کرنا چھوٹی جساعتوں مسیں سکھایا حباتا ہے۔ برقیات مسیں بھسلہ کی مدد سے دواعبداد منٹی کے حباتے ہیں، جباں دونوں اعبداد مسیں ہند سوں کی تعبداد برابر ہونالازم ہے۔اسای بھسلہ کی مدد سے M-N مندر حب ذیل طسریق کارہے حساصل کیا جباتا ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہندسوں کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہندسوں والے عبدد کی بائیں حبانب (درکار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپاں کریں۔ صنبرض کریں اب ہرعبدد مسیں 11 ہندھیاۓ حباتے ہیں۔
- م کی قیت کی قیت سے زیادہ ہونے کی صورت مسیں، آحضری (بائیں) ہندہے جمع کرنے سے حساس لا گرفتہ ہوگا۔ اس کا بایاں ہندسہ n+1 ہند سول پر مشتل ہوگا اور اس کا بایاں ہندسہ n+1 ہوگا۔ اس بائیں ہندسے کو لینی حساس لا کو کا نظر انداز کریں؛ باتی n ہند سول پر مسبنی عسد داصل جواب ہوگا۔

اب ۲. بنیادی حساب

مثال ابن اعث اری اعب او کاحب اصل منفی 974 – 7852 دس کے تکمیا ہے کی مدوے دریافت کریں۔

جواب: یہاں بڑا عدد 7852 حپار ہند موں پر مسبنی ہے، لہذا چھوٹا عدد 0974 کھیں اور n=4 کیں۔ یوں 9074 کا اساس تک تعلیہ n=4 کا 10000 – n=4 کی تعلیہ n=4 کا اساس تک تعلیہ کے n=4 کا 10000 – n=4 کی تعلیہ کا اساس تھا۔ n=4 کی تعلیہ کے n=4 کی اساس تعلیہ کو 16878 کے ساتھ جمع کرنے ہے n=4 کی میں میں ہوئے ہوئے n=4 کی تعلیہ کا بھی ہوئے ہوئے n=4 کی تعلیہ کرتے ہیں۔ (ہم در هیقت آحضری ہند موں کی جمع سے پیدا حساس کو نظر انداز کرتے ہیں۔ چونکہ سے محسوعہ مسیں بائیں ترین مصام پر اثر تا ہے لہذا محسوعہ کا بایاں ہند سہ رد کر کے جواب سے میں بائیں ترین مصام پر اثر تا ہے لہذا محسوعہ کا بایاں ہند سہ رد کر کے جواب کے مصال ہوگا۔)

مثال ۲۰۲: دسس کے تکسلہ کی مدوسے 7852 – 974 حساس کریں۔

جواب: عدد 7852 ك اساى تكسله 2148 = 7852 - 10000 كا 9744 ك ساتھ محبوعت ليت بوك: 3122 = 8144 + 2148 آمنسرى حساسل 1 نہيں پيدا ہوتا، البذات محبوعت 4 مند مول پر مشتل ہے؛ اسس كے اساس تكسله 6878 = 3122 - 10000 كے ساتھ منتى عسلامت چسپال كرتے ہوئے 6878 - كو

شن فی اعبداد بھی بالکل ای طسرح منفی کیے حباتے ہیں۔ ان کی بھی دومث لیں پیشس کرتے ہیں۔ مثال ۲۰: اساسی تکسلہ کی مدد سے مندر حب ذیل حساس کریں۔ (۱) 11001 – 11001 اور (ب) 10112 – 110012 جواب: (۱) چونکه $00110 = \overline{11001} = 00111$ ہوگا۔ اسس کو دو سرے جواب: (۱) چونکہ $\overline{11001} = 00110$ ہوگا۔ اسس کو دو سرے عصد دولاری کا گئی) کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔ عصد دولاری کا گئی) کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

بائیں آمنسری ہندسوں کو جمع کرتے ہوئے حسامسل 1 پیدا نہیں ہوا، البذا اسس کا 2 کا تلمسلہ لین ہوگا۔ چونکہ 1000 = 100 ہوگا، جس کی بائیں حباب منفی عسلامت جسیاں کرتے ہیں۔ 1000 = 100 ہوگا، جس کی بائیں حباب منفی عسلامت چسیاں کرتے ہیں۔

جواب: (ب) يهاں ايک عدد پاخي ہندسوں پر مشتل ہے، الهذا دوسرے عدد مسيں بحی پاخي ہندے پورے کے حدد کا اسای تکسلہ پورے کے حبائیں گے۔ یوں 1011 کو 1010 کھ کر، اسس کے متم 10100 سے 10100 کے عدد کا اسای تکسلہ 10101 + 10100 کے دوسرے عدد کے ساتھ جنح کرتے ہیں۔

آ منسری ہندہے جمع کرتے ہوئے سامسل 1 پیداہواجس کو نظسرانداز کرکے باقی محبسوء۔، 01110 ، کو نتیجہ تسلیم کرتے ہیں۔

۲.۵ دواعب داد کی منفی بذرایعب اساسس منفی ایک کا تکمه له

اس سن منفی ایک تکسلہ کی مدو ہے بھی M-N ساسل کیا جب سکتا ہے۔ اسس کا طسریق کار درج ذیل ہے جب ان دونوں اعبد داد مسین ہند سول کی تعبد ادبر ابر ہونالازم ہے۔

- دونوں اعبداد مسیں ہند سول کی تعبداد برابر کرنے کی حناطسر، کم ہند سول والے عبدد کی بائیں حبانب (درکار تعبداد کی)اضافی صفسریں چسپال کریں۔ فسنرض کریں اب ہرعبدد مسیں 11 ہندے پائے حباتے ہیں۔
 - M 1 N کاس منی ایک کا تکسله جمع کرے مجموعہ $M + r^n 1 N$ ساتھ M 1 N
- م کی قیت ہے زیادہ ہونے کی صورت مسیں، آخنہ ری (بائیں) ہندہ جمع کرنے سے مسال M کی قیت سے زیادہ ہونے کی صورت مسئل ہوگا اور انسس کا بایال ہندسہ 1 ہوگا۔ انسس بند ہوگا۔ انسس بائیں ہند سے کو (لیخی حساصل 1 کو) نظر رانداز کرنے کی بحب ع سے حنارج کرے، 1 وزن مختی کریں بائیں ہند سے کو (لیخی حساصل 1 کو) نظر رانداز کرنے کی بحب ع سے حنارج کرے، 1 وزن مختی کریں

اب ۲ بنیادی حاب

اور n ہندسوں کے باتی محبسوعہ کے ساتھ جمع کر کے جواب حساس کریں۔اسس عمسل کو واپسیں آحسری حساس ایک (1) کہتے ہیں۔

M کی قیت N کی قیت ے کم ہونے کی صورت مسیں، آمنسری (بائیں) ہندے جمع کرنے سے حساسل 1
 1 پیدا منہیں ہوگا: مجموع منفی عدد کو ظاہر کرے گا، اور n ہندسوں پر مسبنی ہوگا۔ مجبموع کا اساسس منفی ایک کا کلمیلہ لے کر اسس کی بائیں حیانہ منفی عسلامت منبلک کرے جواب حساسل ہوگا۔

ان دونوں صور توں کی وضاحت مثالوں سے ہوگی۔

مثال ۲.۲: نوکا تکمیا استعال کرتے ہوئے 7852 – 974 حساس کریں۔

جواب: عبد د 974 کے بائیں 0 چسپاں کر کے اسس مسین ہند سوں کی تعبداد پوری کریں اور 7852 کے اسسس مفلی ایک کے تکسلہ ایک کے تکسلہ 2147 = 7852 – 9999 کے ساتھ جمع کریں۔

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
2147 \\
+0974 \\
\hline
3121
\end{array}$$

آجنسری (بائیں) ہندے جمع کرنے سے حساصل 1 پیدا نہیں ہوا، لہذا محبسوعہ حیار ہند موں پر مشتل ہے۔ 1000 - 1000 - 1000 منتا منتا ہائیں منتی عسلامت شکلہ کر کے جواب 1000 - 1000 میں۔ 1000 - 1000 میں۔ 1000 - 1000 میں۔

مثال ۲.۵: نوکاتکمیا استعال کرتے ہوئے 974 – 7852 سامسل کریں۔

جواب چھوٹے عبدد 974 مسیں ہند ہوں کی تعبداد پوری کر کے اسس کے اسس منفی ایک کے تکسلہ 9025 = 9904 – 9999 کو 7852 کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

آ جنسری (بائیں) ہندہے جمع کرتے ہوئے حیاصل 1 پیدا ہوا جس کی بن یہ مجبوعہ 5 ہند موں پر مشتل ہے۔ ہم اس حیاصل 1 کو وزن 1 مختل کر کے باقی 4 ہند موں پر مسبنی مجبوعہ 6877 کے ساتھ جمع کر کے جواب 6878 + 1 = 6878 حیاصل کرتے ہیں۔

اب ہم شنائی اعبداد کی مشال لیتے ہیں۔

۲.۲. مثبت ادر منفی اعب داد

مثال ۲.۲: مندر حب ذیل کو 1 کے تکمسلہ کی مدد سے حسل کریں۔ $11011_2 - 101110_2 () , 101110_2 - 11011_2 ()$ حسل: (۱) منفی ہونے والے عسد دمسین ہند سوں کی تعسد ادپوری کر کے اسس کا متم: $\overline{011011} = 100100$

دو سرے عبد د کے ساتھ جمع کرتے ہیں۔

آ حضری حساصل 1 کو باقی عسد دسے علیحسدہ کر کے اسے 1 کاوزن مختل کرکے (یعنی اسس کو اکائی تصور کرکے)، دائیں چیہ ہت دسول پر مشتمل محب وعب 2010010 کے ساتھ جمع کرتے ہوئے جو اب حساصل کرتے ہیں۔

010010

$$\begin{array}{r}
+1 \\
\hline
010011 \\
 & +1 \\
\hline
010011
\end{array}$$

(ب) متم <u>101001</u> = 010001 كودوسرے عبد د كے ساتھ جمع كرتے ہيں۔

چونکہ آسندی سامسل صنسر ہے، البذا محبوعے کے متم $\overline{101100} = 010011$ کے ساتھ منفی کی عسلامت پہناں کر کے جواب 010011_2 سامسل کرتے ہیں۔

۲.۲ مثبت اور منفی اعب داد

روز مسرہ زندگی مسین مثبت اعبداد لکھتے ہوئے انہیں بغیبر کسی عسلامت کے، یا مثبت عسلامت (+) کے ساتھ کھسا حباتا ہے، البت منفی اعبداد کے ساتھ منفی عسلامت (-) ضرور ککھی حباتی ہے۔ یوں درج ذیل اعبداد درست کھیے ۲۰ بنیادی حاب

گئے ہیں۔

$$+3025$$
, 3025 , -3025

کی بھی عدد کے مثبت یا منفی ہونے کو اسس عدد کی عسلامت کہتے ہیں۔ یوں، وہ اعداد جو مثبت عسلامت (+) یا منفی عسلامت اعداد حسلامت احداد (-) رکھتے ہوں عسلامت وار اعداد کہلاتے ہیں، اور جن کی عسلامت نہ ہو بے عسلامت اعداد کہلاتے ہیں۔ اعداد کوان کی عسلامت اور تندرے ظاہر کرنے کو عسلامت داروت در اظہبار کہتے ہیں۔

کمپیوٹرشنائی اعبداد، 0 اور 1، استعال کرتاہے، اور ہر معلومات کو انہیں نے ظاہر کرتاہے۔ روایت آمثرت عملامت (+) کو 0 (صنعر) اور ننی عملامت (-) کو 1 (ایک) نے ظاہر کیا حباتا ہے۔ عملامت عمدہ کی بائیں حبانب کھی حباتی ہے۔ یوں 0+ کو حپار شنائی ہندسوں نے ظاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسہ مثبت عملامت (+) کو جبکہ باقی تین ہندے 0 کو ظاہر کریں گے۔ ای طسرح 0+ کو ظاہر کریں گے۔ ای کو جبکہ باقی سے سندسہ منی عملامت (-) کو جبکہ باقی سے ہندے 0+ کو طاہر کریں گے۔ ہوئے۔ بایاں ہندسوں نے طاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسے منائی ہندسوں نے طاہر کرتے ہوئے، بایاں ہندسے والے میں کو جبکہ باقی سے ہندہ کی عملامت (-) کو جبکہ باقی سے ہندہ کی کو ظاہر کریں گے۔

$$\underbrace{0}_{+} \underbrace{1}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}_{-} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{5_{10}} \underbrace{0}_{1} \underbrace{0}$$

ایک دلچیپ حقیقت پر غور کریں۔اگر ہم 11012 مسیں بایاں ہندسہ عسلامت تصور کریں تب ہے۔ -5_{10} کو ظاہر کرکے گا، لیکن اگر ہم حیاروں ہندسوں کو ایک عبد د تصور کریں تب ہے۔ D_{13} یا D_{13} کو ظاہر کر تا ہے۔

سے حبانت اضروری ہے، آیاشت اُئی اعبد او کابایاں ہند سہ عسلامت کو ظاہر کرتا ہے یا ہے عدد کا حصہ ہے؛ ہے فیصلہ اعبد اواستعمال کرتے وقت آپ فیصلہ کرتے ہیں کہ عسلامت واریا ہے عسلامت (غنیسر عسلامت واریا ہے عسلامت واراعد اور غنیسر عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد اور عسلامت واراعد کرتے ہیں کہ صف کو دو مختلف طسر لقول سے ظاہر کسیاحیا مکتا ہے، ان مسین ایک مثبت اور دوسرامنی ہے!

اسس حبدول مسیں حیار شنائی ہندسوں سے اعبداد کھے گئے؛ کمپیوٹر مسیں اعبداد، عسوماً، ایک بائٹ استعال کرتے ہوئے کھی حیاتا ہے۔ ایک بائٹ 8 شنائی ہندسوں کو کہتے ہیں۔ عسلامت دار اعبداد کو بائٹ مسیں کھتے ہوئے، دائیں سات ہندے عسدد کی وتدر جبکہ بایاں آحسری ہندسہ اسس کی عسلامت ظاہر کرے گا۔

 $00000101_2 = +5_{10}$ $01111111_2 = +127_{10}$ $10000101_2 = -5_{10}$ $11111111_2 = -127_{10}$ $00000000_2 = +0_{10}$ $10000000_2 = -0_{10}$

ان اعبداد مسین بھی مثبت اور منفی صف یایا گیا؛ روز مسرہ زندگی مسین صف کو ہم مثبت تصور کرتے ہیں۔

۲.۲. مثبت اور منفی اعب داد

حبدول ۲:۱ چپارہند سوں کے عسلامت دار اعب داد

عسلامت دار	شنائي
$+7_{10}$	01112
$+6_{10}$	0110_{2}
$+5_{10}$	0101_{2}
$+4_{10}$	0100_{2}
$+3_{10}$	0011_{2}
$+2_{10}$	0010_{2}
$+1_{10}$	0001_{2}
$+0_{10}$	0000_{2}
-0_{10}	1000_{2}
-1_{10}	1001_{2}
-2_{10}	1010_{2}
-3_{10}	1011_{2}
-4_{10}	1100_{2}
-5_{10}	1101_{2}
-6_{10}	1110_{2}
-7_{10}	11112

باب۲. بنیادی حاب

حبدول ٢٠٢:عسلامت دارايك كالكمساء اور دوكالتكمساء اعسداد

عسلامت دار دو کا تکسله	عسلامت دارایک کاتکسله	عسلامت دار فت در	اعثاری عبد د
0111	0111	0111	+7
0110	0110	0110	+6
0101	0101	0101	+5
0100	0100	0100	+4
0011	0011	0011	+3
0010	0010	0010	+2
0001	0001	0001	+1
0000	0000	0000	+0
ن ^ې سىياياسا تا	1111	1000	-0
1111	1110	1001	-1
1110	1101	1010	-2
1101	1100	1011	-3
1100	1011	1100	-4
1011	1010	1101	-5
1010	1001	1110	-6
1001	1000	1111	-7
1000	ىنچى <u>ن</u> پاياحبا تا	<i>نه</i> ين پاياحباتا	-8

اشٹ کچھ کہنے کے بعبد آپ کو بت اتا حیلوں کہ، کمپیوٹر مسیں منفی اعبداد کو عبدالمت دار وتبدر اظہبار مسیں نہمیں بلکہ عبدالمت دارو 1 کے تکمیا یا عبدالمت دارو 2 کے تکمیا نظام مسیں رکھا اور استعمال کیا حباتا ہے۔ ایکے حصہ مسین ان نظام پر غور ہوگا۔

٢.٧ عسلامت دارو تكميله نظام

کمپیوٹر مسیں عبد دی بر قبیات کی مدد سے اعب او جمع یا منفی کیے حباتے ہیں۔ ب اعمال اساسی تکما ہیا اساس منفی ایک کا تکما ہ (حصہ ۲۰۲۱ اور حصہ ۵۰۲ دیکھییں) استعمال کرتے ہوئے زیادہ خوسش اسلوبی سے سسر انحبام دیے حباتے ہیں۔

کمپیوٹر چونکہ شنائی اعبداد استعمال کرتاہے، ابلیہ زااسس مسیں منفی اعبداد 1 کے تکمیاریا 2 کے تکمیارہ مسیں کھے حباتے ہیں۔ حبدول ۲۰۲ مسیں حپارشنائی ہندی (حپاریٹ) عملامت دار اعبداد کا 1 کا تکمیار اور 2 کا تکمیار روپ پیش کیا ہے۔ گیا ہے۔

حبدول ۲.۲ سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مثبت عسد د، شنائی ہند سول مسین ایک ہی طسریقے سے کھا حب تاہے، جب کہ منفی عسد دین طسریقوں سے کھا حب سکتا ہے۔ یوں شیسنوں طسریقوں مسین مثبت عسد دکوسادہ شنائی عسد دکھیں۔

منتی عدد x-2 وعسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین کھنے کی مناطسر x+2 وعسلامت دارشنائی عدد (لیمنی سادہ شنائی اوپ مسین) کھے کر اسس کا 2 کا تکمیلہ لیں بیادرہ کہ 2 کا تکمیلہ ساصل کرتے ہوئے شنائی عدد کے ہر ہسند سه (بہت عسلامتی بٹ) کا متم لین ہوگا۔ یوں 5 – کو عسلامت دار دو کے تکمیلہ روپ مسین لکھنے کی مناطسر 5+ کو 1010 کھے کردوکا تکمیلہ لیں جو در کارروپ 1011 دے گا۔

با___ا

بوولين الجبرا

بوولین الجبرا انگلتتان کے ریاضی دان حبارج بوولی کے نام سے حبانا حباتا ہے، حبنہوں نے اسس الجبرا کو دریافت کیا۔ الجبرا ذہنی سوچ یعنی منطق کو الجبرائی روپ مسیں لکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اسس لئے حید رانی کی بات نہیں کہ کمپیوٹر اس کو استعمال کرتا ہے۔

ا. ۳ بوولین الجبراکے بنیادی تصورات

عام الجبرامسين متغيرات استعال كرتے ہوئے تصور كياحباتا ہے كہ ان كى قيت كچھ بھى ہوسكتى ہے۔ مشلاً، تغساعسل x = f(x,y) ، ورج ذیل ہیں۔ x = f(x,y) ، ورج ذیل ہیں۔

x	y	
0	0	0
1	2	5
2	1	4
3	2	7
2	2	6
3	1	5

اس تف عسل جس کوایک نامکسل حبدول کے روپ مسیں پیش کیا گیا ہے کاالجبرائی روپ درج ذیل ہے۔

$$z = x + 2y$$

اسس کے بر عکس، بوولین الجبرامسیں متغیبرات کی صرف دو ممکنہ قیمتیں ہیں۔ ان دو قیتوں کو عصوماً 0 (صف ر)اور 1 (ایک) سے ظاہر کیا جباتا ہے۔ بوولین تفاعسل کی چند مشالوں پر غور کرتے ہیں۔

۲۷ باب. ۳۰ بوولین الجبرا

$Y \mid Z$
0 0
$1 \mid 0$
$0 \mid 0$
1 1

حبدول السنز دومتغب رمنطقی ضرب

ا.۱.۱ منطقی ضرب

تصور کریں X اور Y آزاد ہو ولین متغیرات ہیں، جب کہ Z ان کا تابع ہو ولین متغیر ہے، لہندا اسس کی مکن قیتیں صرف D اور D ہیں۔ ای طسر ح D بھی ہو ولین متغیر ہے، لہندا اسس کی مکن قیت متغیر ہے۔ اس طسر ح آگر جہ اسس کی قیت D اور D بھی صرف D اور D بھی مولین متغیر ہے۔ اسس طسر ح آگر جہ اسس کی قیت D اور D کی تابع ہے، اسس کے باوجود D کی قیمت صرف D یا D بی ہو مکتا ہے۔ متغیرات D اور D درج ذیل جہار مکن حرب میں یائے جہاسے ہیں۔

X	Υ
0	0
0	1
1	0
1	1

ان حیار مکن صور توں میں ک کی قیم 0 یا 1 ہوگا۔

آئیں، جبدول ۱.۳ امسیں پیش کے گئے منطقی تف عسل پر غور کرتے ہیں جس کی تمام ممکنہ قیمتیں اسس جدول مسیں دی گئی ہیں۔ اسس مشال مسیں تائع متغیر Z کی قیمت صرف اسس وقت 1 ہجب X اور Y دونوں کی قیمت X ہے۔ یکی قیمتیں X اور Y کی ادر X کی ادر X کی کے بھی میں اسل ہوتی ہیں (ذیل دیکھیں)۔

$$0 \cdot 0 = 0$$
$$0 \cdot 1 = 0$$
$$1 \cdot 0 = 0$$
$$1 \cdot 1 = 1$$

ای کی بن پر حبدول ۱٫۳ امسیں پیش تف عسل (اور عمسل) کو پوولین ضرب یا منطقی ضرب کہتے ہیں۔ پوولین ضرب کو آزاد متغیبرات کے در میان نقط۔" · " سے یا آزاد متغیبرات کو مشریب متسریب کھنے سے ظاہر کسیاحبا تا ہے۔ یول پوولین ضرب درج ذیل کھیاحیائے گا۔

$$Z=X\cdot Y$$
 $(Y_{\cdot,0})$ $Z=XY$ $(y_{\cdot,0})$ $(y_{\cdot,0})$

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

حبدول ۳۲: تین متغب ربوولین ضرب

منطقی ضرب کے تصور کو وسعت دے کر متعد د آزاد متغب رات کے لئے بیان کیا حب سکتا ہے۔ منطقی ضرب کی عصومی تعسریف پیش کرتے ہیں۔ تعسریف پیش کرتے ہیں۔

توسريف: منطق ضرب اسس صورت 1 ديگاجب تسام آزاد متغيرات كي تيت 1 بو

حبدول ۲۰۳۷ کو مشال بناتے ہیں۔ اسس طسرح کے حبدول مسیں آزاد متغیبرات کی تمسام ممکنات لکھنے (یعنی آزاد متغیبرات کے مشال بناتے ہیں۔ اسس طسر مداحشل XX کو شنائی عبدد کے ہندہے تصور کر کے، حبدول کے مطاوب حنانوں مسیں صفر (00) تا تین (11) گستی کھیں۔ یوں پہلے صف مسیں XX کی جگہ 00 ،دوسری صف میں 10 ، تیسرے مسیں 10 اور آحسری مسیں 11 کھی حبائے گا۔

تین آزاد متغیرات کے منطق ضرب تف عسل Z = ABC کو جدول ۲۰۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ آپ ویکھ کئی ہے (جو تین کے بین کہ حبدول کے تین مداحن ل کے حنانوں مسیں صف (000) تا سات (111) گئن گئی گئی ہے (جو تین ہددول کے شنائی اعبداد ہیں)۔

۳.۱.۲ منطقی جمع

آزاد متغیرات X اور Y کا(روز مسره)ساده الجبرائی محبوعه S=X+Y جبدول Xمسین پیش کسیا گلیا X

حبد ول ۱۳۳۳ اور حبد ول ۱۳۳۳ کے اولین تین نتائج ایک جیسے ہیں۔اسس مثابہت کی ہنا حبد ول ۱۳۳۳ مسیں دیے گئے بوولین تف عسل کو بوولین جمع یا منطق جمع کہتے ہیں اور اسس بوولین تف عسل کو جمع کے نشان " + " سے ہی ظاہر کمپاحبا تا ہے۔ یوں ۱۸ پولین الجرا

X	Υ	S
0	0 1 0 1	0
0	1	1
1	0	1
1	1	2

حبدول ۳.۳: دوشنائی اعب داد کاب ده محب وعب

 $X \mid Z$

منطقي جمع	تنغر	سس	μ.	۱	•
σ	سير	٠:١٠	.r .	سدوا	~

X Y

0

 $0 \mid 0$

Z

\overline{A}	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

حبدول ۵ سر: تین متغیبر منطقی جمع

حبدول ۲. ۳: منطقی نفی یامتهم

حبد ول ٣٠ ٣ مبين پيشن يوولين جمع تف عسل درج ذمل لکھ حبائے گا۔

(r.r) Z = X + Y (r.r)

یہ بودلین نق^عل کی مساوات ہے جس کوعسام الجبرائی جمع ہر گزنہ سنجھا جبائے۔ بالخصوص، بودلین جمع کرتے وقت یاد رہے کہ 1 + 1 + 1 ہے۔

بوولین جمع کے تصور کو وسعت دے کر متعدد آزاد متغیرات کے لئے بیان کیا حبا سکتا ہے۔ بوولین جمع کی عصومی تعسرین درج ذیل ہے۔

تعسریف: منطقی جمع اسس صورت 1 دیگاجب آزاد متغیرات مسین کم سے کم ایک متغیر کی قیمت 1 ہو۔

تین متغیر منطقی جمع تف عسل Z=A+B+C جدول ۵.۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ یاد رہے کہ تین آزاد متغیر ات کے منطقی جمع کا الجمرائی جمع کی حساتھ کوئی تعسل نہیں۔ یہاں جمع کی عسلامت بودلین جمع کو ظاہر کرتی ہے لہذا یہاں 1+1+1 ہوگا۔

\boldsymbol{A}	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	В	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حبدول ۸ سازتین متغب رپوولین ملاث رک جمع

حبدول ۷. ساز دو متغیب رمنطقی بلات رکیب جمع

۳.۱.۳ منطقی نفی

بوولین تف عسل Z=f(X) کا تعساق حبدول ۱۰۳ مین تف عسل کی تعسری مثال سیتے ہیں جہاں آزاد متغیبر X اور تائع متغیبر Z کا تعساق حبدول ۱۰۳ مسین پیش کیا گیا ہے۔

اسس تف عسل کو پوولین نفی کہتے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ در حقیقت، تاہع متغییر Z ، آزاد متغییر کامتم ہے۔ یوں پوولین نفی درج ذیل ککھ حب اسکا ہے۔

$$(y,y)$$
 $Z=\overline{X}$ (y,y) $Z=\overline{X}$ (y,y)

بوولین نفی صرف ایک آزاد متغیر کے لئے بیان کیا حباسکتا ہے، اور اسس کی تعسریف درج ذیل ہے۔ تعسریف: بوولین نفی آزاد متغیر کامتم دیت ہے۔

۳.۱.۴ منطقی بلاث رکت جمع

دو آزاد متغیبرات کاایب بودلین تف عسل حبدول ۲۰۳۰ مسیں دکھیایا گیا ہے، جس کا تائع متغیبراسس صورت 1 ہے جب صرف ایک آزاد متغیبرات دومتغیبرات بعیبرات تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔ تک وسعت دے کربیان کرتے ہیں۔

تعسریف: طاق تعبداد کے آزاد متغیرات 1 ہونے کی صورت میں بودلین بلاشرک کا تائع متغیر 1 ہوگا۔

تین آزاد متغیر بلاشر کے جمع تفاعل کوحید دل ۸۰۳مسیں پیش کیا گیاہے۔

يا سير يوولين الجرا

A	В	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

A	В	Z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

حيدول ١٠ اس: تين متغب ربوولين ضيد بلات ركب جمع

حبدول ۹ .۳: دومتغب رمنطقی ضد بلات رکت جمع

دواور تین آزاد متغیب ربوولین بلاسشر ک<u>ب</u> کی مساوا<u>ب</u> درج ذیل ہول گی۔

$$Z=A\oplus B$$
 (۴.۴) (۳.۴) (z^2-z^3) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4) (z^3-z^4)

۳.۱.۵ منطقی ضد بلات رکت جمع

بوولین بلا شرکت جمع نف عسل کانفی (یعنی متم) اینے سے بوولین ضد بلا مشرکت جمع حسامسل ہو گا، جو دو اور تین آزاد متغیبرات کے لئے درج ذیل لکھا حساتا ہے۔

$$Z=\overline{A\oplus B}$$
 $Z=\overline{A\oplus B\oplus C}$ (تين متخب منطق ضر بايا شرکت تن

حبدول ۷.۳ اور حبدول ۸.۳ مسیں تابع متغیب رنفی کرنے ہے بالت رتیب دو اور تین بودلین ضد بلا سشر ک۔ تف عسل حسامسل ہوں گے جنہ میں حبدول ۱۹٫۳ اور حب ول ۱۰٫۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔

۳.۲ برقی تارول مسیں جوڑ کی وضاحت

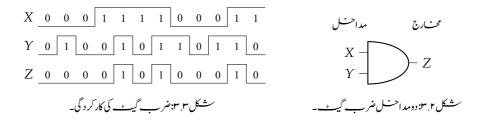
شکل ۱۰ اپر غور کریں جس مسیں برقی تاروں کے پہوڑ کی وضاحت کی گئی ہے۔

جہاں ایک تار دوسسری تار کے اوپر سے گزرتی ہو اور دونوں آپس مسین حبٹری ہوں، وہاں جوڑ کے معتام پر نقطے کانشان لگایا حباتا ہے۔ایک صورت مسین انہیں ایک تار تصور کیا جبائے۔

جہاں تاریں آپس مسیں حبٹری نے ہوں وہاں انہیں بغیبر نقطے کے نشان سے ایک دوسسری کے اوپر سے گزر تا د کھایا حباتا ہے۔ نقطے کے نشان کی غیب موجود گی مسین ان تارول کو دوعلیحہ داور بلاجوڑ تاریں سسجھاحبائے۔

تیب ری صورت بھی سشکل مسیں و کھائی گئی ہے جہاں عناط قبھی کا امکان نہیں پایا جباتا۔اسس مسیں ایک تار کا سسر دوسسری تار پر حستم ہو تا ہے۔ایی صورت مسیں انہیں ایک تار تصور کسیا حبائے (یعنی بید دونوں آ لیس مسیں حبٹری ہیں)۔ 

شکل است: تاروں کے پیچر قی جو ڑ۔



۳.۳ عبد دی گیب 🚅

بوولین الجبرائے تین اہم ترین تف عسل پر حسب ۱٫۳ مسیں غور کسیا گسیا۔ سیہ تف عسلات عسد دی برقسیات مسیں کلسیدی کردار ادا کرتے ہیں، جبال انہسیں عسد دی ادوار کی مدد سے حبامہ پہنایا حباتا ہے۔ سیہ مخصوص عسد دی ادوار، عسد دی گیٹ کہلاتے ہیں۔

۳.۳.۱ ضر گیٹ

منطق (بوولین) ضرب تف عسل کو ضرب گیٹ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جو مشکل ۲.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ آزاد متغیبرات، X اور Y ، ضرب گیٹ کی ہائیں حبانب ہیں جبکہ تائع متغیبر، Z ، دائیں حبانب ہے۔ آزاد متغیبرات کومداحشل جبکہ تائع متغیبر کو محسارج کہتے ہیں۔ دومتغیبر ضرب گیٹ (دومداحشل ضرب گیٹ) کے دو مداحشل اور ایک محسارج ہوگا۔ گیٹ، ضرب تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

شکل ۳.۳ مسیں دومداحنل ضرب گیٹ کی کار کردگی ترسیم کی گئی ہے، جہاں 0 کوپست اور 1 کوبلٹ دککسیرے ظاہر کسیا گیا ہے۔ آپ و کیلی سے بین کہ محنارج صوف اور صوف اسس صورت بلند ہوتا ہے جب ضرب گیٹ کے تیس مداحنل بلند ہوں۔ ہم 0 کوپست اور 1 کوبلٹ بھی پکارتے ہیں۔ اسس مشکل مسین مداحنل کو کسی حناص ترتیب سے تیب دیل نہیں کہیا گیا۔

ضرب گیٹ کو مشکل ۳.۳ مسیں بطور عددی گیٹ یاعددی سونگی دکھسایا گیا ہے جہاں ایک داختلی پنیا کو ت ابو پنیا کا منام دیا گیا ہے جہاں ایک داختل پنیا کو ت ابو پنیا کا نام دیا گیا ہے جہاں ایک دوسرے کو (اب بھی) مداختل کہا گیا ہے۔ ضرب گیٹ کے حبدول سے واضح ہے کہ جب تک وت ابو پنیا 0 ہو، حنارتی پنیا 0 رہتا ہے۔ اسس صورت مسیں مداختل پر موجود مواد، حنارتی پنیا تک جب شہیں بھی تا گئی ملا، لینی اسس پر 0 یا 1 کا محنارج پر کوئی اثر نہیں ہو تا؛ ہم کہتے ہیں وت بو پنیا نے ضرب گیٹ کو معدور کر دیا داسس کے بر عکس اگر وت بو پنیا 1 ہوت دنارتی پنیا پر وہی کچھ ہوگا جو مداختل پر ہوگا؛ ہم کہتے ہیں ضرب گیٹ محباز کر دیا گیا ہے۔ وت ابو پنیا پر ایک یا صفحت سے داختلی اسٹارہ (مواد) کو حنارتی پنیا تک پنیا تا مسکن بینا المسکن بسنایا حباسا کا

بالب سربوولين الجبرا



شکل ۲۲. ۲۳: ضر _ گیٹ بطور سورنج ماایک بٹ گیٹ۔

	J.	ىنە	•		محباز		معسذور			•		
ت ابو	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0
مداحنل	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0
محنارج	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0
ششکل ۳۰۵ خرب گیٹ کی کاد کر د گی۔												

ہے۔ یوں پ ایک دروازے کی طسرح کام کرتاہے، جس کی بنا پر پ گیٹ کہا تا ہے۔ ت ابوپنیا کو، معد ور اور محباز سنانے والا پنیا بھی کہتے ہیں۔ شکل ۵.۳ مسیں ضرب گیٹ کی کارکردگی دکھائی گئی ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ صرف محباز صورت مسیں مواد محنارج تک پہنچ یا تاہے؛معبذ ور صورت مسیں محنارج ہمیث پیت رہے گا۔

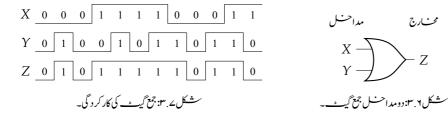
۳.۳.۲ جمع گیٹ

محنارج

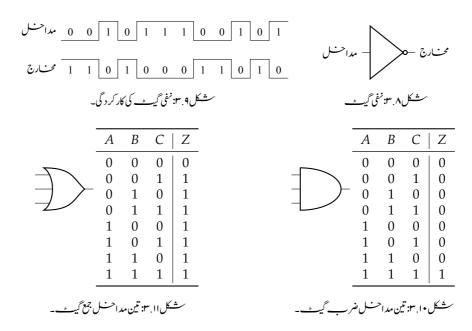
منطق جع (بوولین جمع)تف عسل کو جمع گیٹ ہے عمسلی حسامع پہنایاحہا تا ہے۔ دومداحسٰل جمع گیٹ شکل ۲٫۳ مسیں د کھسایا گیاہے۔ یہ گیٹ، جمع تف عسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔

جمع گیٹ کی کار کر د گی شکل ۲۰۰ مسیں تر سیم کی گئی ہے۔ آپ د کچھ سے ہیں، جمع گیٹ کاممنارج اُسس صورت بلند ہوگا جب كوئي مداحن لبن د ہو۔

جمع گیٹ مسیں اگرایک پنیا کو ت ابوپنیا سسجھا حبائے توپیت مت ابو، گیٹ کو محباز بن اکر، داحنلی مواد کو محنارج تک پہنچنے کی احب ازے دیت ہے، جب کہ بلت د ت ابو کی صور ہے مٹیں محت ارج لاز مأبلت درہت ہے۔



٣٣.عــد دى گيــئــ



۳.۳.۳ نفی گیٹ

منی تف عسل کو منی گیہ ہے عمسلی حبامع پہنایا حباتا ہے، جس کی عسلامت مشکل ۸.۳ مسیں و کھائی گئی ہے، اور جو مواد کو محسان تاہے۔ اسس کی کارکر د گل مشکل ۹.۳ مسیں ترسیم کی گئی ہے۔ آپ و کچھ سکتے ہیں، منی گیٹ کا محسان تاسس کے مداحسل کا اُلٹ ہوگا۔ یہ گیٹ منی تفاعسل کے حبدول کو مطمئن کرتا ہے۔ ۔

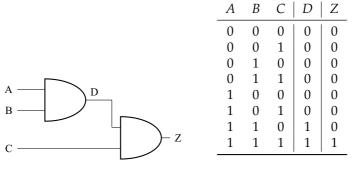
تنی تف عسل ایک آزاد اور ایک تائع متغیر رکھتا ہے، اہنے انفی گیٹ کا ایک مداحسٰل اور ایک محسارج ہوگا۔

۳.۳.۴ متعددمداحنل گیٹ

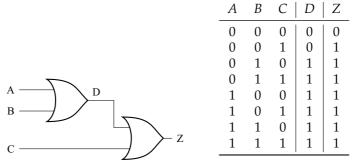
ضرب گیٹ اور جمع گیٹ کے متعد د مداخشل ہو سکتے ہیں (تاہم ،ان کا محنار ن آیک ہوگا)۔ شکل ۱۰ امسیں تین مداخشل مخرب گیٹ اور حبدول ، گھر ، المسیں تین مداخشل بحق گیٹ اور حبدول دکھائے گئے ہیں، جبال A ، اور ک مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل مداخشل بلت موں ، جبکہ مداخشل بلت ہوں ، جبکہ بھی گیٹ کامختار ن اسس صورت بلت ہوگاجے کوئی بھی مداخشل بلت ہو۔

شکل ۱۲.۳ مسیں دو ضرب گیٹ یوں جوڑے گئے ہیں کہ ایک کا محتارج دوسرے کے مداحنل سے حبر اُ ہے۔ ساتھ کا کواسس دور کا بولود لین حبد ول دیا گیا ہے۔ پہلے حبد ول استعال کے بغیبر اسس دور کو سیجھنے کی کوشش کرتے ہیں۔ محتارج کا اسس صورت بلند ہو گاجب دائیں گیٹ کے مداحنل C اور D دونوں بلند ہوں لیکن D بلند ہونے کے ضروری ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل A اور B دونوں بلند ہوں ہے کہ بائیں گیٹ کے مداحنل میں محتارج کے بلند ہوئے کی صورت مسیں محتارج کا بلند ہوئے کی مداحنل میں محتارج کے مداحنل میں محتارج کے بلند ہوئے کی صورت مسیں محتارج کے بلند ہوئے کی مداحنل ضرب گیٹ کی حتاصیت ہے۔

٣٨ پيرولين الجبرا



شکل ۱۲ سے: دومداحنل ضرب گیٹ سے تین مداحنل ضرب گیٹ کا حصول۔

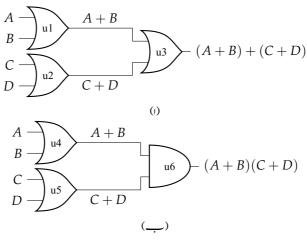


شکل ۱۳ برومداخنل جمع گیٹ سے تین مداخنل جمع گیٹ کاحصول۔

آئیں اب حبدول کو مسیحتے ہیں۔ تین مداحن ABC کے حنانوں کو تین ہند موں کے شنائی اعمداد 000 تا 111 کے گریں۔ اس کے بعد بائیں ضرب گیٹ کے محناری D کے حنانی پُر کریں۔ یاد رہے کہ سے صرف A اور B پر مخصر ہے اور صوف اسس صورت بلند ہوگا۔ اسس کے بعد دائیں ضرب گیٹ کے محناری Z کے حنانے پُر کریں۔ سے صرف C اور D پر مخصر ہے ، اور بلند صرف اسس صورت ہوگا۔ سے مورت ہوگا۔ س

سٹکل ۱۳.۳ مسیں دو مداحنل جمع گیٹوں سے تین مداحنل جمع گیٹ کا حصول دکھیایا گیا ہے۔ یہاں Z صرف اسس صورت پہت ہوگا جہت ہوگا جہتے ہوگا جہتے ہوگا جہتے گیٹ کی حضاصیت ہے۔ $B \cdot A$

٣.٣ عبد دی گیٹ



<u> مشکل ۱۲ بین جمع اور ضر ب گیٹ کے ادوار۔</u>

جمع گیٹ اور ضرب گیٹ پر مسبنی، شکل ۳۴، ۱۳ امسیں د کھائے گئے ادوار کو مشال بن کر،عد دی ادوار حسل کرنا سیکھتے ہیں۔

 u^2 اور u^2 کامخناری u^2 اور u^2 کامخناری امخناری کامخناری u^2 کامخناری کامخنار

آئیں اب شکل ۱۳۰۳ – ب حسل ہیں۔ یہاں u4 اور u5 کے محنارج بالتسرتیب A+B اور C+D دیں گے۔ چونکہ b ضرب گیٹ ہے، لہذا اسس کامخناری (A+B)(C+D) دیگا۔

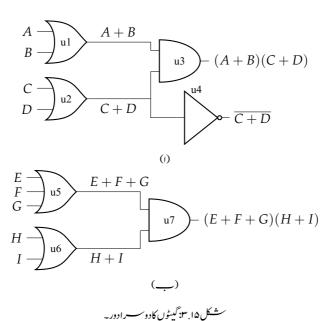
شکل ۱۵.۳ الف مسین u کا محناری u کا محناری u کا محناری u کا محناری التر u کا محناری الترتیب u کا محناری وگا۔

آپ شکل ۱۵٫۳ - ب کاحسل، شکل کود کیر کر سجھ کتے ہیں۔

۳.۳.۵ ضرب متم گیٹ اور جمع متم گیٹ

شکل ۱۹.۳-الف میں تین مداحن ضرب گیٹ کامخناری ABC ہوگا، جو نفی گیٹ کامداحنل ہے، البذائنی گیٹ کامداحنل ہے، البذائنی گیٹ کامخناری کامخناری Z = ABC ہوگا، جو نفی گیٹ کے اسس کے لئے علیحہ دہ گیٹ بنایا کامخناری کامخنا کی اسس کے لئے علیحہ دہ گیٹ بنایا کی سنگل سیس مختار کی کہنا ہے، جے ضرب متم گیٹ ریاضہ خرب گیٹ) دکھایا گیا ہے، جے ضرب متم گیٹ کے حبدول کامخم کینے سے ضرب متم گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای مشکل مسین پیش گیٹ کاحبدول حساسل ہوگا جو ای مشکل مسین پیش کیسائیا ہے۔

سب. بوولين الجبرا باب س. بوولين الجبرا



سراروري

$$Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$$
 دومداخت ن خرب متم گیند کی مصاوات درن ذیل ہوگی، جہاں X اور Y مداخت ن جب کہ کاری ہے۔ $Z = \overline{XY} = \overline{X} + \overline{Y}$

مشکل ۱۷.۳-النے میں تین مداحنل جمع گیٹ کا محنارج A+B+C ہوگا، جو نفی گیٹ کا مداحنل ہے، البذانفی گیٹ کا محاصل ہوگا، جو نفی گیٹ کا مداحنل ہے، البذانفی گیٹ کا محنارج کا محنارج کا محنارج کا محنارج کا محماتی اہمیت رکھتا ہے کہ اسس کے لئے علیحہ وہ گیٹ بین اور جو شکل میں تین مداحنل کے لئے اور کھیا گیٹ بین اور جو شکل میں بیٹ محاصل ہوگا جو ای مشکل مسیں پیٹ کیا گیٹ کیا ہے۔ جمع گیٹ کے جبدول کا متم کیٹ ہے جمع متم گیٹ کا حبدول حساصل ہوگا جو ای مشکل مسیں پیٹ کیا گیٹ

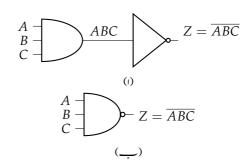
دومدا منال جع متم گیٹ کی مساوات درج ذیل ہو گی، جہاں X اور Y مداحنل جب کے مخارج ہے۔

$$(r.2) \hspace{1cm} Z = \overline{X + Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y} \hspace{1cm} (\vec{r}, \vec{z})$$

س السیل ۱۸٫۳ میں خرب متم اور جنع متم گیٹ سے نفی گیٹ کا حصول دکھایا گیا ہے۔ خرب متم کے دونوں مداحنل کو آپ س مسیں جو ڈاگیا ہے، الہذا دونوں مداحنل پر X ہو گا۔ یوں محناری \overline{X} علی \overline{X} \overline

۳.۳ عبد دی گیٹ

\overline{A}	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



A	В	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

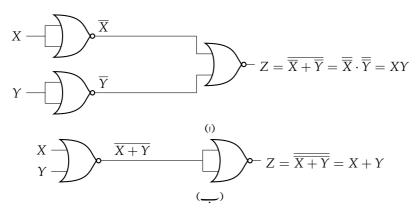
$$\begin{array}{c}
A \\
B \\
C
\end{array}$$

$$A + B + C$$

$$A = A + B + C$$

$$C = A + B + C$$

۳۸ باب س. بيولين الجبرا



شکل ۱۹ به: جمع متم سے (۱) ضرب گیٹ اور (ب) جمع گیٹ کا حصول۔

مشکل ۱۹.۳-الف مسین تین جمع متم گین ہوں جوڑے گئے ہیں کہ Z = XY سامسل ہو، جو ضرب گین کی کار کر د گی ہے۔ پول جمع متم گینوں سے ضرب گین سامسل ہوگا۔

شکل ۱۹.۳ - ب مسین جمع گیٹ کا حصول د کھایا گیا ہے۔ اسس کامخنارج Z=X+Y ہے۔

شکل ۲۰٫۳ مسیں ضرب متم گیٹ سے (۱) جمع گیٹ اور (ب) ضرب گیٹ کا حصول د کھایا گیاہے۔

٣.٣.٢ بلاشرك جمع گيائ اور بلاشرك جمع متم گيائ

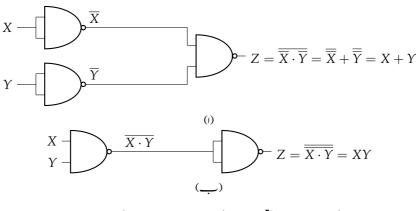
بلا شرک جع تف عسل کو بلا شرک جمع گین سے حساس کیا جباتا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہے، مشکل ۲۰۱۳-الف مسیں پیشس کے گئے ہیں۔ای طسر ک بلا شرک جمع متم (یاضد بلا شرک جمع) تف عسل کو بلا شرک جمع متم گین (یاضد بلا شرک جمع کی مدوے حساس کیا حب تا ہے جس کا حبدول اور عسلام ہیں۔

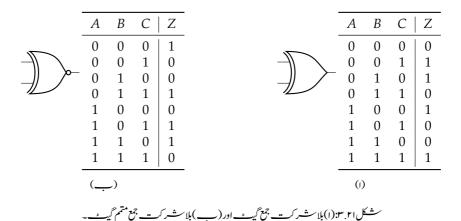
بلا شہر کرتے جو گلیٹ کے مساتھ منم گلیٹ منسلک کرنے سے بلا شہر کرتے ہے جو مسلم گلیٹ حساس کر سے جو مسلم گلیٹ کے ساتھ منسلک کارکردگی شکل ۲۲٫۳ مسیں دکھائی گئی ہے، جہاں X اور Y مداحسل جب کہ کم محناری ہے۔

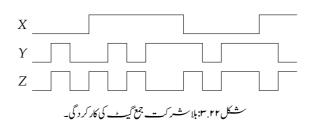
تین مداحنل بلاسشرکت بھٹ گیٹ کا محنارج حسامسل کرنے کے لئے اسس کے کمی دو مداحنل کا بلاسشرکت بھٹ حسامسل کریں اور حسامسل جواب کا تیسسرے مداحنل کے ساتھ بلاسشرکت جع لیں۔ یمی بلاسشرکت جع ہو گا۔متعدد مداحنل بلاسشرکت بھٹا گیٹ کامحنارج اسس صورت بلند ہوگاجیب بلندمداحنل کی تعداد طباق ہو۔

آ ہے ہے گزار ش ہے کہ مذکورہ بالا تف عسلات اور گیٹوں کو اچھی طسرح مستجھیں اور ذہن نشین کریں۔

۳٫۳ عـــد دی گیــنــ







۲۰ باب س. بوولین الجبرا

ہ سے برقی خواص

گیٹ (کا محنارج) اسس صورت بلند تصور کیا جباتا ہے جب اسس (کے محنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے زیادہ ہو۔ سے قیمت بلند حنار جی برقی دباو $V_{\rm OH}$ کہا تی ہے۔ بلند صورت مسیس گیٹ محنارجی پنے پرایک مخصوص قیمت تا برقی روحنارجی (مہیا) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (مہیا) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند حنارجی برقی روحنارجی (میان) کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند کر سکتا ہے، جو گیٹ کابلند کر ان کابلند کر سکتا ہے، جو گیٹ کی سکتا ہے، جو گیٹ کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کر کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کابلند کر کابلند کا

گیٹ (کامخنارج) اسس صورت پیت تصور کسیاحباتا ہے جب اسس (کے مخنارج پنیا) کا حنارجی دباو ایک مخصوص قیمت یا اسس سے کم ہو۔ سے قیمت پنے پر ایک مخصوص قیمت یا اسس سے کم ہو۔ سے قیمت پنے پر ایک مخصوص قیمت تا برقی رو ایک کہا تا ہے۔ قیمت تک برقی رو حب نے برگارے کی ایک سے حضار تی برقی رو ایک کہا تا ہے۔

 V_{IH} گیٹ ایک مخصوص قیمت اور اسس سے زیادہ داختلی برقی دباو کوبلٹ د تصور کرتا ہے۔ اسس برقی دباو کوبلٹ د داختلی برقی دباو کہتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ کارٹی کی حن طب در کار برقی رو کوبلٹ د داختلی برقی رو کاربر کی مداختل کوبلٹ کہ کرنے کی حن طب در کاربرقی رو کوبلٹ کارٹی کی داختی ہیں۔

 V_{IL} گیٹ ایک مخصوص قیت اور اسس سے کم داخنلی برتی دباو کو پست تصور کرتا ہے۔ اسس قیت کو پست داخنلی برتی دباو I_{IL} کتے ہیں۔ کتے ہیں۔ گیٹ کی کہ ناطب ردر کاربرتی رو کویست داخنلی برتی رو I_{IL} کتے ہیں۔

گیٹوں کو آپس مسیں برقی تاروں ہے جوڑا حباتا ہے۔ کبھی کبھار ان تاروں مسیں، حبائے استعال پرپائے حبانے والے تغییر پذیر برقی ومقت طبیعی میدان کی وحب ہے، غییر ضروری اور ناپسندید ہرتی دباوپیدا ہوتا ہے جے برقی شور کہتے ہیں۔ ایک گیٹ کے پیت حنار جی برقی دباوے ساتھ ہے۔ شور جمع ہو کرا گلے گیٹ کے پیت داحنی برقی دباوے تحباوز کر سکتا ہے۔ ای طسر ح برقی شور بلند حنار جی برقی دباوے نفی ہو کر بلند داحنلی برقی دباوے کم ہو سکتا ہے۔ ان دونوں صور توں مسیں اگلا گیٹ غیسر متوقع نتار کجور کلا۔

 V_{NH} بلند حنار جی برقی دباو کی قیست، بلند داحنلی برقی دباو کی قیست سے زیادہ ہوتی ہے۔ ان کے منسرق کو بلند شور گنجب کشش V_{NH} کتے ہیں (مشکل ۲۳۳۳ میکسیں)۔

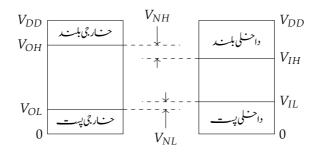
$$(r.\Lambda)$$
 $V_{NH} = V_{OH} - V_{IH}$

 V_{NL} پ سے حنار جی برقی دباو کی قیمت، پست داحنلی برقی دباو کی قیمت سے کم ہوتی ہے۔ ان کے منسرق کو پست شور گنج اکثس میں۔ کہتے ہیں۔

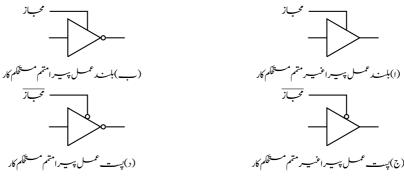
$$V_{NL} = V_{IL} - V_{OL}$$

پ سے داحنی برقی دباو اور بلند داحنل برقی دباوے نج سعت (V_{IH} تا V_{IL}) معنی نہیں رکھت اور غیب رمتوقع صور سے پیدا کر سکتا ہے ، لہذاء سد دی احضارات اس خطہ کو استعمال نہیں کرتے۔ گیٹ اپنے محناری کو تب تک بلند رکھ سکتا ہے جب تک سے دری ابنی) بلند د حناری برقی روحہ پیا کر تا ہو۔ ای طسر ت گیٹ اپنے محناری تب تک پیت رکھ سکتا ہے جب تک گیٹ (اپنی) پست حناری برقی روحہ پیا اس سے کم روحب ذب کرے۔ ایسے معتام کر جہاں گیٹ ان حدود کے اندر نے رہ سے ، ایسا تو انا گیٹ نسب کسیاحبائے گاجوزیادہ برقی روحناری یا (اور) حبذ برگر ہے۔ سے تو انا گیٹ ایسے میں۔

٣٠٣ گيڻوں کے برقی خواص



شکل ۲۳ به: شور کی گنجائث کا تخمین۔



شکل ۲۲ این محیاز ومعیذ ورصیلاحیت کے مستحکم کار۔

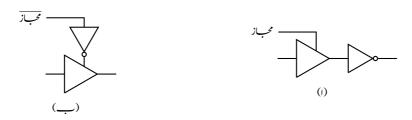
.۴.۴ مستحکم کار

جیااذ کر ہو،امستخلم کاروہ تواناگیٹ ہے جو زیادہ برقی روحنارج اور حبذ بر سکتا ہے۔اسے عصوماً اسس معتام پرنسب کیا حباتا ہے جہاں در کاربرقی روعنام گیٹ کے برقی روکی حسدود سے تحباوز کرتا ہو۔عصوماً مستخلم کار محباز و معنذور ہونے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔

مستقکم کار کی مختلف اقسام کی عسلامتیں شکل ۲۴٫۳ مسیں دکھائی گئی ہیں۔ مجباز کردہ مستقکم کار، داحسنی مواد کو حسارج کر تا ہے جبکہ معسنہ ور کر دہ مستقلم کار منقطع سونچ کی طسرح دونوں اطسران کے ادوار منقطع کر تا ہے۔معسنہ در مستقلم کار "زیادہ رکاوٹی حسال" اختیار کرتے ہوئے نے 0 اور سے 1 حسارج کرتا ہے۔

محباز ومعنے در صلاحیت کے مستخلم کار بطور برقی سونگی کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۴۳۳ ااور بے کے مستخلم کار کو منقطع کرنے کی حناطب ("محباز"کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا جب کہ اے بلند کرنے ہے مستخلم کار محباز "کوپیت کیا۔ شکل – ن اور د مسیں مستخلم کار کے محنار ن کو مداحن کے منقطع کرنے کی حناطب ر تجباز برقی احضارہ کو بلند کسیا حبائے گا۔ مسزید، شکل ب اور د

الب ٣٠ بوولين الجبرا



مشکل ۲۵ به: نفی گیٹ استعال کرنے سے دیگر مستحکم کار ساسس کیے حباتے ہیں۔

مسیں مینارج پرداحنلی اسٹارے کامتم ساسل ہوگا۔ انہیں وجوہات کی بینا پر شکل ۲۴،۳ اکادور بلند علی پیرا غیر متم متحکم کارا، شکل - ببند علی پیرا متم متحکم کارا، شکل ج پیرا غیر متم متحکم کارا، اور شکل - دیست علی پیرا متم متحکم کارا، سات ہیں۔

شکل ۲۲.۳ - الف کے مستخکم کار کے محسان کو نفی گیٹ سے منسلک کر کے شکل - ب کا مستخکم کار حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - الف دیکھیں) جس کا محسارج داحسنی احسارے کا متم ہو گا۔ ای طسرح شکل ۲۴.۳ - الف کے صابواٹ رہ (محباز) سے پہلے نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل ج حساسل ہو گا (شکل ۲۵.۳ - بدیکھیں)۔ شکل ۲۲.۳ - الف کے صابواٹ ارد (محباز) سے پہلے اور محسار ج کے بعد نفی گیٹ نیب کرنے سے شکل درساسسل ہوگا۔

بلند عمسل پیپراغنی مستحکم کار (شکل ۲۴.۳ - الف) کی کار کرد گی حید ول ۱۱.۳ - الف مسین پیش کی گئی ہے۔ غیبر محباز مستحکم کار کا محساری "بلند رکاوٹی حیال "مسین ہوگا۔ حید ول - الف کی اولین دوصف اسس صورت کو ظاہر کرتی این؛ چونکہ غیبر محباز حسال مسین مداحسل کی قیمت نشائج پر اثر انداز نہیں ہوتی، انہیں حید ول مسین برسے ظاہر کسیا ہوئی۔ انہیں حید ول مسین برسی سے ظاہر کسیا ہوئی۔ انہیں جو نکہ غیبر دلچسپ" قیتوں کو ظاہر کرتا ہے (جن کا گ او نہیں)؛ جہاں برسی محبال معین کی اثر نہیں پایا کی انہیں کہ حیاتا کی حیاتا کی سیان کی سیاں کی محبال کی انہیں کا کوئی انٹر نہیں پایا کی محبال
حبدول سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ "محباز" کو پیت (0) کرنے سے مستحکم کاربلٹ درکاوٹی حسال اختیار کر کے، محسارج سے حسارج پر وہی مواد حسارج ہوگا جو مداحسل پر مہیا کی حبائے۔ حبائے۔ حبائے۔

مستحکم کار داخنی حبانب سے حنار جی حبانب مواد منتقبل کرتا ہے۔ جہاں دو ادوار کے مابین دونوں حبانب مواد کی ترسیل درکار ہو، وہاں دو مستحکم کار آلیس مسین متوازی اُلٹ جوڑے حباتے ہیں، مشکل ۲۲٫۳ الف دیکھ میں۔اسس کو دو طسرون مستحکم کار کہتے ہیں۔ شکل سے مسین اسس کی عسلامت چیش کی گئی ہے۔ بلند "محباز"کی صورت مسین طسرون مسین 21 محباز اور 21 معنور در ہوگالبذامواد بائیں سے دائیں منتقبل ہوگا، جبکہ بہت "محباز"کی صورت مسین 22 محباز اور 11 معنور مسین 21 محباز اور 12

active high non inverting buffer active high inverting buffer

active low non inverting buffer

active low inverting buffer

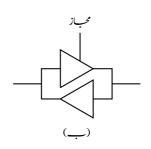
۸ بسر گیٹوں کے برقی خواص

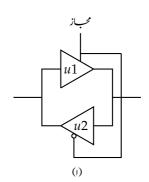
حبدول ۲۱.۳۱ بلند عمل پیسراغیسرمتم مستحکم کارکی کارکردگ۔

	(<u> </u>)				
محباز	مداحنل	محنارج			
0	x	بلٺ ر کاوڻي حسال			
1	0	0			
_ 1	1	1			

محباز	مداحنل	محنارج
0	0	بلن ركاوڻي حسال
0	1	بلن ركاوڻي حسال
1	0	0
1	1	1

(1)





شكل ٣٠٢٢: دوط رن مستحكم كار ـ

معن ذور ہو گالہاندامواد دائیں سے بائیں منتقت ل ہو گا۔

ای طسرح متم دوطسرون مستحکم کاربھی بنایاحباتاہے، جومواد کامتم منارج کرے گا۔

مستحکم کار اور متمم مستحکم کارے مداحن آگیس مسیں جوڑنے سے ان کے محسارج پر تف دحسال حساس کیے حباسکتے ہیں؛ مشکل ۲۷۔۳۔ الف دیکھیں۔ مشکل - ب مسیں اسس کی عسلامت پیشس کی گئی ہے۔

۳.۴.۲ مخنلوط ادوار

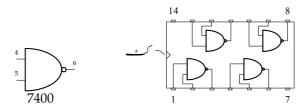
عام دستیاب موں گرجنہ متم گیٹ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھایا گیا ہے۔ برقیاتی ادوار، عسوماً، ای طسر آ فی مسیں بند دستیاب ہوں گے جنہ میں مختلوط دور کہتے ہیں۔ مختلوط ادوار پر مختلوط دور کااعب ادی نام مشلاً 7400 درج ہوگا: اسس عدد کے ہند موں کے پی اطسران پر حسرون بھی ہوں گے جو اصنافی معسلومات منسراہم کرتے ہیں۔ ساتھ ہی ڈلی پر دوسسرا عدد مختلوط دور تسیار کرنے کی تاریخ دے گا۔ مشلاً بہاں دوسسرے عدد کے مطبابق سے مختلوط دور سن 1976 کے پینت الیسویں (45) ہنتے مسیں کار حن نے مسیں تسیار کسیا گئی۔ جیب سشکل مسیں دکھیا گیا ہے، اسس مختلوط دور

ڈبی پر ''کٹ'' کے نشان سے گھٹڑی محنالف رخ پنیے گننے حباتے ہیں۔ گیٹ کی عسلامت مسیں پنیے پر لکھاعہ د ڈبی

۲۰۰۰ باب سبر بوولین الجبرا



شکل ۲۷.۳: اشاره اور ارشارے کامتم دیت المستحکم کار۔



مشكل ٣٠٢٨: مختلوط دور 7400

مسیں اسس پنیے کامت میں میت ہے۔ یول گیٹ کے حسار بی پنیے پر 6 اسس پنیے کاڈبی مسیں مقت ام دیت ہے۔ گیٹ کاحت کہ بن تے وقت اسس کے قسمریب مسلوط دور کانام (یانمب جو یہاں 7400 ہے) بھی کھے حباتا ہے۔

چېند مختلوط ادوار درج زيل بين۔

دْ بِي مسين گيــوْل كي تعـــداد	گیٹ	نام
4		7400
4	دومداحنل جمع متمم	7402
6	شفی	7404
6	متمم مستحكم كار	7406
4	دومدٰا ^{حن} ل ٰضرب	7408

مثق ا. ۳۰: انٹرنیٹ سے مندر حب بالا تمام محناوط ادوار کے معلوماتی صفحاتی مسلم است کریں اور ان مسیں علیمہ دہ معلوماتی صفحات مسیں بکتشر سے مواد موجود ہو گا جنہسیں دیکھ کر پریشان مسے موا۔ علیمہ دہ گلیٹوں کے مصام دریافت کریں۔ معلوماتی صفحات مسیں بکتشر سے مواد موجود ہو گا جنہسیں دیکھ کر پریشان مسے ہوں۔ ہوں۔

datasheet²

آپ نے کئی محسلوط ادوار حبدول ۲۸۳ مسیں دیکھے جن کے نمب 74 سے ستروع ہوئے۔ دراصل 74xx محسلوط ادوار کا ایک سلم بھتے جیئے جس مسیں جینے جنے ادوار بہنائے گئے، انہیں سشامسل کیا گیا۔ ان اعداد (74xx) کا اذخود کوئی مطلب نہیں۔ ای طسرح کادوسسراسلیلہ 40xx پکاراحیاتاہے، جس مسین تمسام محسلوط ادوار کے نمب 40 سے مشروع ہوتے ہیں۔

مختلوط ادوار سے کار کردگی حساس کرنے کے لئے ان کوبرتی دباو مہیا کرنالازم ہے۔ سلسلہ 7400 کے تمسام مختلوط ادوار مثبت کیسے سمتی بائی وولٹ (5 V) پر کام کرتے ہیں۔ شکل ۲۸.۳ مسیں دکھائے گئے مختلوط دور کو یک سمتی برتی دباو پنیا است (7) اور چودہ (14) پر مہیا کہا حبائ گا، جہاں پنیا 14 مثبت ہوگا۔ جن دوبانوں پر مختلوط دور کوبرتی طاقت مہیا کی حباتی جبان کی حباتی جبان کی حباتی کی حباتی ہیں۔

مثق ٢٠.٣: انٹىرنىئے ہے سلمام 40xx مىسى د ستياب حپار مداحنل ضر ب گيئے محنلوط دور كانمب دريافت كريں۔اسس محنلوط دور كوكتنابر قى د باور كار ہوگا؟

۳.۵ بوولین تف عل کاتخمین

منطقی ضرب، جمع، نفی تف عسل کے جبدول آپ نے دیکھے۔ منطقی تف عسل کے حبدول کواسس کتاب مسیں منطقی حبدول کہا حبائے گا۔ کہا حبائے گا۔ منطقی تف عسل کا تخمیت لگانے مسیں منطقی حبدول نہایت کارآ مد ثابت ہوگا۔ بودلین تف عسل کا تخمیت لاگاتے وقت (اسس کے) آزاد پودلین متخب رات کی تمام ممکن قیمتوں کو ترتیب دار ککھ کر تف عسل حسل کسیا حبائے گا۔

۳.۵.۱ بودلین تف عسل کا تخمین

بودلین تف عسل کا تخمیت لگانے کی حناط سر ہم بودلین تف عسل $Z=A+B\overline{C}$ کو مشال لیستے ہیں۔اسس تف عسل کے تین آزاد متخب رات کی تمام ممکن ترتیب کا حب دول کھے ہیں۔ ورات کی تمام ممکن ترتیب کا حب دول کھتے ہیں۔

A	В	С
0	0	0
0	0	1
0	1	0
0	1	1
1	0	0
1	0	1
1	1	0
1	1	1

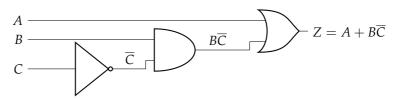
تف عسل مسیں C کی بحب کے \overline{C} استعمال ہوا ہے، البنداحبدول مسیں \overline{C} حساب مشاں کرتے ہیں۔ پہلی صف مسیں C کی قیمت C کی تعرب اور C کی مسئور پہلا حسان ورخ کرتے ہیں۔ یادر ہے کہ C اور C ایک ہی متغیرہ کے دو پہلو ہیں، البندامتغیرہ کے تعداد تین رہے گی۔

A	В	С	\overline{C}	
0	0	0	1	
0	0	1	0	
0	1	0	1	
0	1	1	0	
1	0	0	1	
1	0	1	0	
1	1	1 1	0	1
1	1	1	0	

تف عسل کی قیمت حساصس کرنے کی حساط سر B اور \overline{C} کا منطق ضرب $B\overline{C}$ ور کار ہے، اہلیذاصف در صف B اور \overline{C} کی (مطابقتی قیتوں کی) منطق ضرب لے کرنئی قط ارمسین (مطابقتی صف مسین) درج کرتے ہیں۔

A	В	С	\overline{C}	$B\overline{C}$
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	1	1
_ 1	1	1	0	0

اب بوولین تف عسل $A+B\overline{C}$ کی قیمت صاصل کرتے ہیں۔ جبدول مسیں ایک نبیات شامل کرتے ہیں۔ جبدول مسیں ایک اور $B\overline{C}$ کا منطق جمع درج کیا جبائے گا۔



شکل ۳.۲۹: تف $a - b \overline{C}$ کوعب دی دور $A + B \overline{C}$

\boldsymbol{A}	В	C	\overline{C}	$B\overline{C}$	$A + B\overline{C}$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

اسس حبدول مسیں دایاں حن نے (قطب ر) دیے گئے بوولین تفعیل کی قیمت دیتا ہے۔ یہ آزاد متغیرات کی تین ممکن قیتوں کے لئے 0 اور باقی تمام کے لئے 1 کے برابر ہے۔ اسس تفعیل کا منطقی گیٹوں کے ذریعہ حصول مشکل ۲۹٫۳ مسین د کھایا گیاہے۔

cرن بالاحبدول مسیں کی بھی صف مسیں A ، B ، اور C کی قیمتیں اسس دور (شکل ۲۹.۳) کو مہیا کرنے سے دور ، ای صف مسیں دی گئی، تف عسل کی قیمت دے گا۔ یوں پہلی صف مسیں C=A ، اور C=0 ، اور C=0 بیل جن کے لئے، عسین حبدول کے مطابق، C=0 ، اور C=0 بیل جن کے لئے، عسین حبدول کے مطابق، C=0 مطابق، C=0 مطابق، C=0 مطابق، C=0 مطابق، عمل ہوگا۔

٣.٦ قوسين مسين ببند بوولين تفساعسل

روز مسرہ الجبرا کی طسرح بوولین الجبرامسیں بھی قوسین مسیں بند تف عسل بیلے حسل کئے حباتے ہیں۔

مثال است: تناعبل $\overline{A} + B(\overline{B} + A)$ مثال است:

حسل: تفعس مسین دو آزاد متغیرات بین الهذا دو بهندسول پر مسبنی شنائی گسنتی لکھ کر آزاد متغیرات کی تمسام ترتیب حسامسل ہوں گی۔

A	В
0	0
0	1
1	0
1	1

تف عسل مسیں دونوں متغیبرات کے متم استعال ہوئے ہیں لہنذاحبہ دول مسیں ان کے حسٰ نے بہت تے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0	0

اب قوت بن مسین سند حصہ $(\overline{B}+A)$ کانٹ بناتے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	1	0	0	1

 $B \to B$ اور $B \to$

A	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$	$B(\overline{B}+A)$
0	0	1	1	1 0 1 1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	1	1

اب بم مکسل بوولین تف مسل کی قیت حساس کر سکتے ہیں۔ تف مسل بوولین تف مسل کی قیت حساس کرنے کی حساس کر نے کی حساس کر انہوگا۔ حساس کر ناہوگا۔ حساس کر ناہوگا۔

						$\overline{A} + B(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1	0 0 0 1	1
0	1	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	1

ے. س بوولین الجبراکے بنپادی قوانین _ا

بوولین الجبرا کے پانچ بنیادی قوانین مندر حب ذیل ہیں۔

ا اگر X
eq X ہوت= 1 ہوگا،اور

ا اگر $X \neq X$ ہوتہ X = 0 ہوگا۔

س منطقی جمع

0 + 0 = 0

0 + 1 = 1

1 + 0 = 1

1 + 1 = 1

۾ منطقي ضرب

 $0 \cdot 0 = 0$

 $0 \cdot 1 = 0$

 $1 \cdot 0 = 0$

 $1 \cdot 1 = 1$

۵ منطقی نفی

$$\overline{0} = 1$$
 $\overline{1} = 0$

اگر حب سے پانچ توانین نہایت سادہ معسلوم ہوتے ہیں، ان سے مکسل بوولین الجیرا اخت کسیا حباسکتا ہے۔ بوولین الجبرا ک چند قوانین حبدول ۱۲٫۳ - الف اور ب مسیں پیش کیے گئے ہیں۔ سے تمسام درج بالاپانچ بنیادی قوانین سے اخت ذکیے حبا سکتے ۱۲٫۲۔

بوولین مساوات ثابت کرنے کا ایک اہم طسریقہ پوولین حبدول سے اخسذ کرنے کا طسریقہ کہلا تا ہے۔ آئیں، درج بالا مسین سے چند قوانین اسس طسریقہ سے حساصل کریں۔

مثال ۲۰۰۲: حبدول ۱۲۰۳۳-الف کی شق 1 کوبودلین حبدول کی مدد سے ثابت کریں۔

حسل: اسس شِق کے بائیں ہاتھ، X واحد متخب رہ ہے۔اسس کے بودلین حبدول مسین دواندراج 0 اور 1 ہول گے،جوایک ہندی شنائی عبد دکی تب ممکن قیمتیں ہیں۔

باب سر بوولين الجبرا

حبدول ۱۲ ستابوولین الجبراکے چین دبنیادی قوانین۔

(ب) دو سراپہلو۔

(۱)پہلاپہلو۔

شِق	مساوات
1	1 + X = 1
2	0+X=X
3	$X + \overline{X} = 1$
4	X + X = X
5	X + Y = Y + X
6	(X+Y) + Z = X + (Y+Z)
7	X(X+Y)=X
8	X + XY = X
9	XY + XZ = X(Y + Z)
10	$X(\overline{X} + Y) = XY$
11	$(X+Y)(Y+Z)(\overline{Y}+Z) = (X+Y)Z$
12	X + YZ = (X + Y)(X + Z)
13	$\overline{\overline{X}} = X$

	•
شِق	مساوات
1	$0 \cdot X = 0$
2	$1 \cdot X = X$
3	$X \cdot \overline{X} = 0$
4	$X \cdot X = X$
5	$X \cdot Y = Y \cdot X$
6	$(X \cdot Y) \cdot Z = X \cdot (Y \cdot Z)$
7	X + XY = X
8	X(X+Y)=X
9	(X+Y)(X+Z) = X+YZ
10	$X + \overline{X}Y = X + Y$
11	$XY + YZ + \overline{Y}Z = XY + Z$
12	X(Y+Z) = XY + XZ
13	$\overline{\overline{X}} = X$

 $\frac{X}{0}$

 $0\cdot X$ اور $0=1\cdot 0$ ورج ہوں گے۔ $0\cdot X$ کاحنات شامل کرتے ہیں، جس مسیں $0=0\cdot 0$ اور

 $\begin{array}{c|c} X & 0 \cdot X \\ \hline 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{array}$

اسس حبدول کی دائیں قطب رکہتی ہے کہ $X\cdot X$ ہمیشہ 0 ہوگا۔ ہم یمی ثابت کرناحیاتے تھے۔

اسس طسرح کے سوال، جن مسیں ایک متغیرہ X کو مشقل عدد C سے منطق ضرب دیت ہو، کی متدم با متدم C کیتے ہیں۔ متغیرہ X کے تسام مکن۔ قیموں کے حبدول مسیں مشتقل C کی قطبار شامسل کریں۔ موجودہ مشال مسیں مشتقل C کی قطبار شامسیں تمسام اندراج کی قیمت C ہوگی۔

 $0 \cdot X$ اب $0 \cdot X$ کی قطبار شامبال کریں۔

С	X	$C \cdot X$
0	0	0
0	1	0

 $0 \cdot X = 0$ ہوگا۔ $0 \cdot X = 0$ ہوگا۔

مثال ٣٠٣: حبدول ١٢٠٣-الف كيشِق 2 كوبوولين حبدول عاب رس كرين-

حسن: اسس شِق کے بائیں ہاتھ X واحد متغیرہ، جبکہ 1 متقل ہے۔ متغیرہ کا پورلین حبدول کھتے ہیں؛ ساتھ ہی متقل 1 کی قطب رہ کے قطب رہ سال کرتے ہیں، جس کے تمام اندراج کی قیب 1 ہوگی۔ آخنہ مسیں $1 \cdot X$ کی قطب رہ اسل کرتے ہیں۔

1	X	$1 \cdot X$	1	X
1	0	0	1	0
		1	1	1

 $1 \cdot X = X$ اور X کی مط بقتی قیمتیں ہمیث ہایک جبیعی ہیں، لہذا ثابت ہوا کہ X = X ہوگا۔

مثال ۲۰۰۳: $\overline{X} = 0$ ثابت کری دسل:

$$\begin{array}{c|c|c}
X & \overline{X} & X \cdot \overline{X} \\
\hline
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 0
\end{array}$$

مثال ۳.۵: ثابت کرتے ہیں کہ X = X - X ہے۔اگر X = 0 ہو تب X = 0 ہو گاجو X - X ہو گاجو X - X ہو گاجو کہ کہ کہ کا مصارح X = X کی صورت مسین X = X - X ہو گاجو کہ کے برابر ہے۔ ہن نے دیکھ کہ X - X کی تمام قیمتوں کے لئے ہے۔ فعت رہ درست ہے۔

مثال ۳.۲: فتره $\overline{\overline{X}}=X$ ثابت کریں۔ حسل:

$$\begin{array}{c|cc}
X & \overline{X} & \overline{\overline{X}} \\
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 1
\end{array}$$

باسس مع يوولين الجبرا

مثال
$$X$$
. البي کرین که $(0+X=X)$ ، مثال X . البی کارین که $(0+X=X)$

0	X	0+X
0	0	0
0	1	1

دائين دوقط ارايك جيسے بين الها ذا ثبوت پورا ہوا۔

$$(1+X=1)$$
 ثابت کریں۔ حسل:

1	X	1+X
1	0	1
1	1	1

دائیں دو قطار ایک جیسے ہیں لہذا ثبوت پوراہو تاہے۔

مثال ۳.۹: فعتره
$$X + Y = Y + X$$
 ثابت کریں۔ حسل:

X	Υ	X+Y	Y + X
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	1

دائيں دو قطب رايك جيسے ہيں الهاند اثبوت پوراہو تاہے۔

$$X(Y+Z)=XY+XZ$$
 مثال ۱۳۰۱: ثابت کرین که $X(Y+Z)=XY+XZ$ بوگار سل:

X	Υ	Z	Y + Z	XΥ	XZ	X(Y+Z)	XY + XZ
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

دائیں دوقطبار ایک جیسے ہیں لہذا ثبو ہے یوراہوا۔

۳.۸ ڈی مار گن کے کلیا ہے

مثال ۱۱.m: ثابت کریں X + XY = X ہوگا۔

سن: اسس کو بوولین حبدول کے بحبائے بوولین الجبرا کی مدد سے سنل کرتے ہیں۔ ہم مساوات کے بائیں ہاتھ کو XZ + XY کھو سکتے ہیں جہاں Z = 1 ہوگا۔ یوں حبدول ۱۳۳۳-الف کی شِق 12 کے تحت درج ذیل ہوگا، جہاں Z کی قیست 1 کی گئی ہے۔

$$X+XY=X(1+Y)$$
 جبدول ۱۲.۳۳ - ب کی شِق 1 کے تحت $1+Y=1$ ہوگا، البند اورج ذیل لکھ جب سکتا ہے $X+XY=X(1+Y)=X\cdot 1=X$ جب ان آمنسری وت دم پر جب دول ۱۲.۳۳ الف کی شِق 2 استعمال کی گئی۔

حبدول۳۰۱۳-الف کی شِق 5 کومتعبد دمتغییرات تک وسعت دی حباسکتی ہے۔ تین متغییرات کے لئے درج ذیل ہول گے۔

$$ABC = BAC$$
$$= BCA$$
$$= CBA$$
$$= CAB$$

اسس طسرح حبدول ۱۲.۳-ب كى شِق 5 كو بھى دوسے زيادہ متغيرات كے لئے وسعت دى حباسكتى ہے۔ تين متغيرات كے لئے، ب شِق درج ذيل صورتيں افتيار كرتى ہے۔

$$A+B+C = B+A+C$$

$$= B+C+A$$

$$= C+B+A$$

$$= C+A+B$$

۳.۸ ڈی مار گن کے کلیات

دونہایہ اہم قوانین جنہیں ڈی مار گن کے کلیا۔ (یاڈی مار گن کے مسائل) کہتے ہیں مندر حب ذیل ہیں۔

$$\overline{X+Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$$

$$\overline{X \cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y}$$

ان دومسائل کو بوولین حبدول کی مدد سے ثابت کرتے ہیں۔ ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ $\overline{X} \cdot \overline{Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$ کا ثبوت درج ذیل

۵۲ باب سب. يوولين الجبرا

X	Υ	\overline{X}	Y	X + Y	$\overline{X+Y}$	$\overline{X} \cdot \overline{Y}$
0	0	1	1	0 1 1 1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

آپ نے دیکھ دائیں ترین دوقط اریک ال ہیں اہند ا $\overline{X} \cdot \overline{Y}$ اور $\overline{X} \cdot \overline{Y}$ ایک دوسرے کے برابر ہیں۔ یول ثبوت مکسل ہوتا ہے۔

ڈی مار گن کے دوسے مسئلہ $\overline{X} + \overline{Y} = \overline{X} + \overline{Y}$ کا ثبوت درج ذیل ہے (جہاں دائیں ترین دو قطاروں کی یک نیت ثبوت بیش کرتی ہے)۔

X	Υ	\overline{X}	\overline{Y}	$X \cdot Y$	$\overline{X \cdot Y}$	$\overline{X} + \overline{Y}$
0	0	1	1	0 0 0 1	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	0	0

ڈی مار گن کے مسائل منطقی جمع کو منطقی ضر ب مسین اور منطقی ضر ب کو منطقی جمع مسین تب دیل کرتے ہیں، اور پوولین تف عسل حسل کرنے مسین مد دگار ثابت ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر ، حبد ول ۱۲.۳-الف کی پہلی شِق X=0 کا متم کیتے ہیں۔

$$\overline{0 \cdot X} = \overline{0}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کادو سسرامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

$$\overline{0}+\overline{X}=\overline{0}$$

مسزید، چونکہ 0 کامتم 1 ہے، یعنی $1=\overline{0}$ ہوگا، لہندادرج ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$1 + \overline{X} = 1$$

اسس مساوات مسين X كوبوولين متغيره Z تصور كياحباسكتابي بون درج ذيل حساصل مولاً ـ

$$1 + Z = 1$$

اسس کاحبدول ۱۲.۳ ا - ب کی شِق 1 سے مواز نے کریں۔ متغیبرہ کے نام مختلف ہونے کے عسالہ دونوں یک ال ہیں۔

ڈی مار گن مسائل کی مدوسے ہم نے دیکھ کہ

$$0 \cdot X = 0$$

۳.۸ اوی مار گن کے کلیات

اور

$$1 + X = 1$$

در حقیقت ایک ہی تف عسل کے دو پہلوہیں۔

$$(0 \cdot X = 0) \Leftrightarrow (1 + X = 1) \tag{ω}$$

اسس مسئلہ کو ڈی مار گن کے پہلے مسئلہ کی مدو سے بھی دیکھ حب سکتا ہے۔ایس کرنے کی حن طسر ہم بوولین تف عسل 1+X=1 کے دونوں اطسران کا متم کہتے ہیں۔

$$\overline{1+X}=\overline{1}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کا پہلامسئلہ لا گو کرتے ہیں۔

$$\overline{1} \cdot \overline{X} = \overline{1}$$

اب آکی جگہ 0 ڈالتے ہیں۔

$$0 \cdot \overline{X} = 0$$

ہے۔ مساوات کی بھی متغیبرہ X کے لئے درست ہے۔اسس متغیبرہ کو ہم Z بھی پکار سکتے ہیں۔ایسا کرنے سے درج ذیل مسامسل ہوگا۔

$$0 \cdot Z = 0$$

ہم و کھتے ہیں کہ یہ پاکل X=0 کی طسرح ہے۔ و نسرق صرف متغیرہ کے نام کا ہے۔ البذا ثابت ہوا کہ X=1 اور X=0 ایک بی تف عسل کے دوپہاو ہیں۔

مثال ۱۳.۱۳: ثابت کرین که X=X اور X=X اور X=X ایک بی تق- تاب کی دوشکلین میں۔

حل: X = X - 1 کے دونوں اطسران کامتم کیتے ہیں۔

$$\overline{1 \cdot X} = \overline{X}$$

بائیں ہاتھ ڈی مار گن کادو سسرات نون لا گو کرتے ہیں

$$\overline{1} + \overline{X} = \overline{X}$$

اور آکی جگے 0 پُر کرتے ہیں۔

$$0 + \overline{X} = \overline{X}$$

باب ٣٠. بوولين الجبرا

 \overline{X} سے پکارتے ہیں۔

$$0 + Z = Z$$

X=X اور X=X اور X=X اور X=X ایک بودلین متغیره اسس متغیره کے برابر ہوگا۔ یوں ثابت ہوا کہ X=X اور X=X اور X=X

آ __ اى مثال كو پچسلى مثال كى طرح ألث رخ مسين ثابت كريں۔

مثال ۱۳۰۱۳ . بوولین تف عسل $Z = X \cdot (Y \cdot Z) \cdot Z = X \cdot (X \cdot Z)$ کام مثال ۱۳۰۱۳ . بوولین تف عسل کریں۔

حل: دئے گئے تف عسل کے دونوں اطسران کامتم کیتے ہیں۔

 $\overline{(X \cdot Y) \cdot Z} = \overline{X \cdot (Y \cdot Z)}$

دونوں اطبرانے ڈی مار گن کادوسسراف انون لا گو کرتے ہیں۔

$$(\overline{X \cdot Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y \cdot Z})$$

ڈی مار گن کا متانون استعال کرتے وقت قوسین مسیں ہند ھے۔ کو ایک متغیبرہ تصور کیا گیا۔ دونوں اطسران قوسین مسیں ہند تف عسل پر دوہارہ ڈی مار گن کادوسسرات نون لا گو کرتے ہیں۔

$$(\overline{X} + \overline{Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y} + \overline{Z})$$

یہاں تب نوں متغیبرات کے متم کھے گئے ہیں۔ ہم انہ میں تین نے ناموں سے پکار سکتے ہیں، مشلاً، \overline{X} کو A پکارتے ہیں، \overline{Y} کو B اور \overline{Z} کو C ، لہذا درج ذیل کھا حبائے گا، جو متغیبرات کے نام مختلف ہونے کے عسلاوہ، حبدول ۱۲.۳ – بی شِق C ہے۔ C

$$(A+B)+C=A+(B+C)$$

۳.۹ حبر وال بوولین تف عل

گزشتہ حصبہ مسیں دیکھ گیا کہ بوولین تف عسل کے دو پہلو ہوتے ہیں۔ یوں کی بوولین تف عسل کو ثابہ کرتے ہی اسس کا حبر رواں تف عسل فوراً لکھ حب رواں ہولین اسس کا حبر رواں تف عسل فوراً لکھ حب رواں ہولین اسس کا حبر رواں تف عسل مصل کے جبر واں ہولین تف عسل ہے۔ تف عسل پیش کے عسلاوہ ہر شِق ایک تف عسل کے دو پہلو پیش کر تا ہے۔ مشال ، حبد ول الف کی شِق 7 کا دوسر ایکہ وجب دول – کی شِق 7 دے گا۔

حبدول ١٣.١٣: تف عسل كاحبدول (برائ حسه ١٠٠٣)

A	В	C
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1

۳.۱۰ ارکان ضرب کے محب موعب کی ترکیب

منطقی مسئلہ کو بوولین تفع سل کی صور ہے مسیں لکھنا مندر حب ذیل مشال ہے با آس نی سمجھا حباسکتا ہے۔

ونسرض کریں، ایک تف عسل جس کے آزاد متغیرات A اور B، جبکہ تائع متغیرہ C ہے، اسس صورت بلند B=1 اور B=1 اور B=1 اور B=1 ہوتا ہے جب

ان معسلومات کو حبد ول ۱۳۱۳ مسیں پیش کے آزاد متغیرہ پیش کے آزاد متغیرہ ول مسیں "ارکان خرب" کی قط ار شامسل کریں۔ اسس قط ارکے ہر حنانے مسیں ای صف کے آزاد متغیرہ وپیت ہونے کی صورت مسیں متغیرہ وکا متم اور بلند صورت مسیں متغیرہ بذات خود درج کیا حبائے گا۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حن طسر، حبدول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A = 0 اور B = 0 اور B = 0 ہوگا۔ دوسری صف مسیں A = 0 اور A = 0 ہوگا۔ دوسری صف مسیں A = 0 اور A = 0 ہوگا۔ دوسری صف مسیں A = 0

A	В	C	ار کان ضر ب
0	0	0	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	$\overline{A}B$
1	0	0	$A\overline{B}$
1	1	1	AB

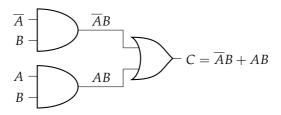
تفاعلی کے جدول کے الن تمام ارکان ضرب کا مجموعہ لیسی بھنے کی صف میں تائع متغیرہ C کی قیمت 1 ہو۔ یہ مجموعہ تائع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اسس طسر ن تف عسل کھنے کوار کان ضرب کے مجسوعہ کی ترکیب کہتے ہیں۔ (اسس کو مجسوعہ ارکان ضرب بھی پکار سے ہیں۔) ارکان ضرب بھی پکار سے ہیں۔)

یوں درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$(r.11)$$
 $C = \overline{A}B + AB$ $(r.11)$

مسادات ۱۱٫۳ مسیں حساس تف عسل کا منطق دور شکل ۲۰۰ ،۳ مسیں د کھایا گیاہے۔

باب ٣. بوولين الجبرا



شکل ۳۰ سزار کان ضر ہے محب وعب (مساوات ۱۱٫۳) کا منطقی دور۔

ار کان ضرب کے محب وعب سے حساسل مساوات ہر صورت ضرب گیٹول کی ایک قطار (یاصف) اور ایک جع گیٹ سے حساسل کی جب سکتی ہے (جب ال مسترض کیا حباتا ہے کہ، آزاد متنف رات کے ساتھ ان کے متم جمج محب میں۔ ایسادور ضربے و جمج انجسلائے گا۔ میں بین)۔ ایسادور ضربے و جمج انجسلائے گا۔

مساوات ۱۱.۳ اور شکل ۳۰.۳ کی در ستگی کی تصدیق بوولین حبدول سے کرتے ہیں (حبدول مسیں موازنے کے لئے C کا حنان بھی پیش کی آگیا ہے)۔

A	В	C	\overline{A}	$\overline{A}B$	AB	$\overline{A}B + AB$
0	0	0	1	0	0 0 0 1	0
0	1	1	1	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	1

اسس حبدول کادایاں قطار C کے برابرہے۔

مساوات ۱۱٫۳ لکھنے کا دوسسرا انداز جو نہایت مقبول ہے سنجھنے کی مناطسر نفاعسل کے حبدول مسیں "ارکان ضرب" کے عسلادہ ایک نی قطبار (m) شامسل کرتے ہیں۔

A	В	C	ار کان ضرب	m
0	0	0	$\overline{A} \overline{B}$	m_0
0	1	1	$\overline{A}B$	m_1
1	0	0	$A\overline{B}$	m_2
1	1	1	AB	m_3

نی قط ارم میں m ارکان ضرب کو ظ اہر کرتا ہے، البند القC کی مساوات کھتے ہوئے $\overline{A}B$ کی بحبائے m اور

AND-OR

کی بحبائے m_3 کی بحبائے m_3 کی بحبائے واست m_3 اسے درج ذیل کھے حباسکتا ہے۔

$$C = \overline{A}B + AB$$

$$= m_1 + m_3$$

$$= \sum (m_1, m_3)$$

$$= \sum (1,3)$$

ار کان ضرب روایت اُ (چھوٹی کھسائی مسیں) m_{χ} کھے جباتے ہیں، جبال زیر نوشت χ جبدول مسیں مطابقتی صف کے آزاد متغیب رات کوشنائی عبد د (کے ہندے) سمجھ کر، ہرابر کااعشاری عبد د لب حباتا ہے۔

مثال ۱۸۴ س: درج ذیل بوولین حبدول سے بوولین تف عسل کی مساوات حساس کریں۔

A	В	С	Z
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبدول مسين Z تائع متغيره ج-حبدول كي دائين حبانب اركان ضرب كي قطب ارث المسل كرتي بين-

A	В	С	Z	ار کان ضرب	m
0	0	0	1	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$	m_0
0	0	1	0	$\overline{A}\overline{B}C$	m_1
0	1	0	1	$\overline{A} B \overline{C}$	m_2
0	1	1	1	$\overline{A}BC$	m_3
1	0	0	0	$A \overline{B} \overline{C}$	m_4
1	0	1	0	$A \overline{B} C$	m_5
1	1	0	1	$AB\overline{C}$	m_6
1	1	1	1	ABC	m_7

آن ار کان ضرب کا محب و عب لیت میں جن کی صف میں تائع متغیرہ کی قیت 1 ہے۔ $Z = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, \overline{C} + \overline{$

۲۰ باب ۳. بودلین الجبرا

حبدول ۱۲.۳ امسیں دیے گئے توانین استعال کرتے ہوئے مساوات کی سادہ صورت حساسل کرتے ہیں۔

$$Z = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B \, \overline{C} + A \, B \, C$$

$$= \overline{A} (\overline{B} + B) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (\overline{C} + C)$$

$$= \overline{A} (1) \overline{C} + \overline{A} B C + A B (1)$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B C) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + \overline{A} B + A B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + (\overline{A} + A) B$$

$$= \overline{A} \overline{C} + B$$

ہے دیے گئے بوولین حبدول کی سادہ ترین مساوات ہے۔اسس کا بوولین حبدول لکھ کر آپ ثابت کر سکتے ہیں کہ ہے۔ امسل تف عسل بی ہے۔

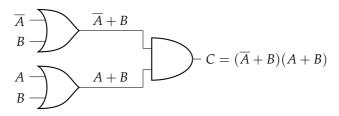
۳.۱۱ ار کان جمع کی ضرب کی تر کیب

گزشتہ جسب مسیں بوولین حبدول سے تفاعل کا مساواتی روپ حساصل کیا گیا، جبال ان صفول کے ارکان ضرب کا محبوعہ لیا گیا جن مسیں تائع متغیرات کی قیت 1 تھی۔ آئیں اب" ارکان جمع" لکھنا اور ان سے تفساعل کی مساوات حساصل کرنا سیکھیں۔

حسے ۱۰.۳ مسیں متمل جب ول ۱۳.۳ کو مشال بنتے ہوئے اسس مسیں ارکان خرب کی بجبئے ارکان جُع کی قطبار مشام کرتے ہیں۔ ارکان جُع کھتے ہوئے، مطبابقتی آزاد متغیرہ پیت ہونے کی صورت مسیں متغیرہ بذات خود اور بلند صورت مسیں متغیرہ کا متم جُع کیا حباتا ہے۔ اسس عمسل کو مسجھنے کی حناطسر، حبدول کی پہلی صف پر توجب رکھیں۔ یہاں A = 0 اور B = 0 اور B = 0 ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A + B ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A + B اور A + B ہوگا۔ دوسسری صف مسیں A + B اور A + B اور A + B ہوگا۔

A	В	C	ار کان جمع
0	0	0	A+B
0	1	1	$A + \overline{B}$
1	0	0	$\overline{A} + B$
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$

تفاعل کے جدول کے الض تمام ارکال بھی کا عاصل ضرب لیں جن کی صف میں تفاعل کے تامیح متغیرہ C کی قیمت 0 ہو۔ یہ سامسل ضرب تابع متغیرہ کے برابر ہوگا۔ اسس طسر ہ تنساعسل کھنے کوارکان جمع کی ضرب کی ترکیب کہتے ہیں (اسس کو ضرب بعد از جمع بھی پارکتے ہیں)۔



مشکل ۱۳.۳: ار کان جمع کی ضر بے سے حساصل دور (مساوات ۱۳.۳)۔

یوں درج ذیل لکھاحبائے گا۔

$$(r.r)$$
 $C = (A+B)(\overline{A}+B)$ $(-..)$ $(-..)$

ار کان جمع کی ضرب سے حسام سل مساوات کوہر صورت جمع گیٹوں کی ایک قطار (یاصف) اور ایک ضرب گیٹ سے حسامسل کسیاحب سکتاہے (جہاں منسرض کسیاحب تاہے کہ، آزاد متنعب رات کے ساتھ ان کے متم بھی میسر ہیں)۔ یوں بنائے گئے دور کو جمج و ضرجے کہتے ہیں۔

ماوات ٣٠ ١٣ مسين حياصل دور شكل ٣٠ ١٣ مسين پيش كسيا گياہے۔

مساوات ۳.۳ الکھنے کادوسے رااند از جو نہایہ۔ مقبول ہے مسجھنے کی مناطب رنتا عسل کے جبدول مسیں "ار کان جمع" کے عساوہ، بڑی لکھائی مسیں ایک نئی قطبار (M) مشامسل کرتے ہیں، جوار کان جمع کو ظباہر کرتا ہے۔

\boldsymbol{A}	В	C	ار کان جمع	M
0	0	0	$\begin{vmatrix} A + B \\ A + \overline{B} \\ \overline{A} + B \\ \overline{A} + \overline{B} \end{vmatrix}$	M_0
0	1	1	$A + \overline{B}$	M_1
1	0	0	$\overline{A} + B$	M_2
1	1	1	$\overline{A} + \overline{B}$	M_3

یوں مساوات ۱۳.۳ درج ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(r.r)$$
 $C = (A+B)(\overline{A}+B) = M_0M_2 = \prod (M_0, M_2) = \prod (0,2)$

مثال ۱۵.۳: ڈی مار گن کے کلیات استعال کرتے ہوئے محبہوءے ارکان ضرب سے ارکان جمع کی ضرب کی ترکیب حساصل کریں۔

حسل: ہم حصہ ۱۰.۳ مسیں مستعمل ہب ول ۱۳.۳ کومثال بن کر اسس مسیں \overline{C} اور ار کان ضرب کی قطباریں شامسل کرتے ہیں۔

OR-AND²

ال سر يوولين الجرا

A	В	C	\overline{C}	ار کان ضرب
0	0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	1	0	$\overline{A}B$
1	0	0	1	$A\overline{B}$
1	1	1	0	AB

ہم \overline{C} کے لئے ارکان ضرب کامجب وعب لکھ کر (لینی ان ارکان ضرب کامجب وعب جن کے صف مسیں \overline{C} کی قیت \overline{C} ہو):

$$\overline{C} = \overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}$$

دونوں اطبران کامتم لے کر C کی مساوات حساصل کرتے ہیں۔

$$\overline{\overline{C}} = C = \overline{\overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}}$$

ڈی مار گن کلیات بار بار استعال کرتے ہوئے درج ذیل حسامسل کیا حباسکتا ہے۔

$$C = \overline{\overline{A}} \, \overline{\overline{B}} + A \, \overline{\overline{B}}$$

$$= (\overline{\overline{A}} \, \overline{\overline{B}}) (\overline{A} \, \overline{\overline{B}})$$

$$= (\overline{\overline{A}} + \overline{\overline{B}}) (\overline{A} + \overline{\overline{B}})$$

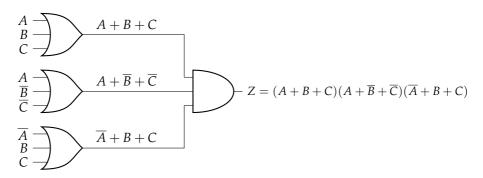
$$= (A + B) (\overline{A} + B)$$

اسس نتیج کامب اوات ۱۳٫۳ کے ساتھ مواز نے کریں۔ لپس ثابت ہوا کہ محبہ وعب ار کان ضرب سے ار کان جمع کی ضرب سے صل کی حباستی ہے۔

مثال ۱۱ .۳: درج ذیل بوولین حبدول سے (۱) ارکان جمع کی ضرب، (ب) ارکان ضرب کا محبموعہ لے کر تف عسل کی مب وات سے صاصل کریں۔ دونوں نتائج کے ادوار د کھا ئیں۔

A	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

حسل: حبد ول مسین از کان جمع اور از کان ضرب کی قطبارین شامسل کرتے ہیں۔



شکل ۳.۳۲: جمع وضر به دور (مساوات ۱۲.۳) به

A	В	С		ار کان جمع	ار کان ضر ب
0	0	0	0	A+B+C	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$
0	0	1	1	$A+B+\overline{C}$	$\overline{A}\overline{B}C$
0	1	0	1	$A + \overline{B} + C$	$\overline{A} B \overline{C}$
0	1	1	0	$A + \overline{B} + \overline{C}$	$\overline{A} B C$
1	0	0	0	$\overline{A} + B + C$	$A \overline{B} \overline{C}$
1	0	1	1	$\overline{A} + B + \overline{C}$	$A \overline{B} C$
1	1	0	1	$\overline{A} + \overline{B} + C$	$AB\overline{C}$
1	1	1	1	$\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}$	ABC

(۱)جن صفوں مسیں تابع متغیبرہ Z کی قیبیت 0 ہےان صفوں کے ارکان جمع کی ضرب مطلوب نتیب ہوگا۔

(r.iy)
$$Z = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + C)$$

اسس کو درج ذیل بھی لکھ کتے ہیں۔

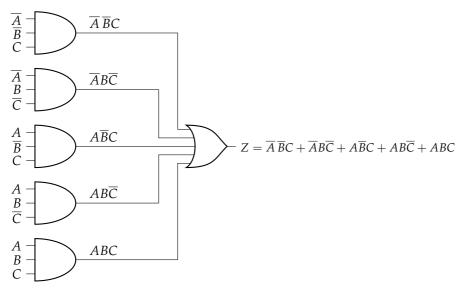
$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (M_0, M_3, M_4)$$

مساوات ۱۲.۳ مسیں حساس نتیب کا جمع و ضرب دور شکل ۳۲.۳ مسیں پیش کیا گیا ہے۔ (ب)حبدول کے ارکان ضرب کامحب وعہ لے کر ضرب و جمع دور حساس کرتے ہیں۔

$$(r.12) Z = \overline{A} \, \overline{B} \, C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} C + A B \overline{C} + A B C$$

اس دور کو شکل ۳۳٫۳۳ میں پیش کی گیا ہے۔

اسس مثال مسیں ایک ہی تف عسل کے دو ادوار، مشکل ۳۲ ۱۳۳ اور مشکل ۳۳ ۳۳ پیشس کیے گئے۔ پہلے دور مسیں تین جمع اور ایک ضرب گیٹ استعال ہوا، جبکہ دوسسرے مسیں پانچی ضرب اور ایک جمع گیٹ استعال ہوا۔ (جیب ہم ذکر کر چپے باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۳۳ ۳: ضر _ وجمع دور (مساوات ۱۷.۳) _

ہیں، ار کان جمع کی ضرب سے حسامسل دور جمع گیوٹوں کی قطار اور ایک ضرب گیٹ سے بنے گا۔ ار کان ضرب کے محب وعب سے حسامسل دور ضرب گیٹوں کی قطار اور ایک جمع گیٹ سے حسامسل ہوگا۔) یوں اسس نقساعسل کو ضرب بعد از جمع سے حسامسل ہوگا۔ یادر ہے کہ ضرب بعد از جمع اور محب وعب ار کان ضرب منطقی طور پر ایک ہیں۔ پر ایک ہیں۔

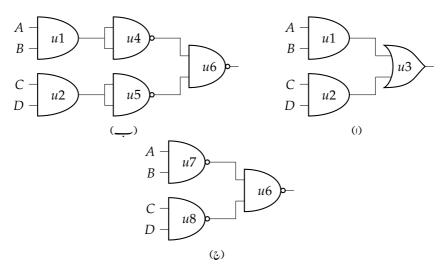
۳.۱۲ محبہ وعب ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے مابین تب دلہ

ہم نے مشال ۱۱.۳ مسیں تف عسل کی مساوات، مجمعوعہ ارکان ضرب اور ضرب بعید از جمع کی مشکل مسیں حاصل کی، جنہیں ہیں ار

$$Z = m_1 + m_2 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (1, 2, 5, 6, 7)$$

$$Z = M_0 M_3 M_4 = \prod (0, 3, 4)$$

محب وعب ارکان ضرب مسین پہلا، دوسسرا، پانچوال، چھٹ اور ساتوال رکن ضرب استعال ہواجب کہ صف روال، تیسرا اور چو تحت رکن غرب مستعمل، اور چو تحت رکن غیسر مستعمل، اور چو تحت رکن غیسر مستعمل، جب مضرب اور چو تحت رکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوبی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی جب صف روال، تیسرا اور چو تحت رکن استعال ہوا۔ یہ ایک عصوبی حقیقت ہے جے استعال کر کے تف عسل کی مصاوات کو ایک روپ میں دوپ میں تسبدیل کیا حیاتا ہے۔ ارکان خرب یا ارکان ضرب یا ارکان ضرب یا ارکان ضرب یا ارکان مضرب مصاوات کو ایک روپ میں غیسر مستعمل ارکان، مضرب دروپ میں مصاوات حیاتا ہے۔ ارکان جمع کے روپ میں عسیر مستعمل ارکان، دوسرے دوپ میں استعال ہوں گے۔



شکل ۳۲۲. ۱۲:۱۱ کان ضرب کے مجب وعب سے متم ضرب ومتم ضرب دور کا حصول۔

۳.۱۳ ضرب وجمع دورسے متم ضرب ومتم ضرب دور کاحصول

کی بھی پوولین تف عسل کو مجبوعہ ارکان ضرب کی صورت مسیں بیان کیا جب مثنا ہے، جس کو ضرب گیٹوں کی تھی اور ایک بچھ کو ایک تھی ہے۔ جس کا مہا ۳۲۔ الف مسیں تف عسل کے حاصل کی قطار اور ایک بچھ گیٹ ور ایک ہے۔ جمع گیٹ سے کہ علی ہے۔ جمع گیٹ سے کا مساوی دور نصب کرتے مجبوعہ ارکان ضرب دور د کھایا گیا ہے۔ جمع گیٹ لائے کا کہ کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے شکل سے مسل ہوگا (جب اللہ کی جگ لے 44 ، 45 اور 146 استعال کے گئے)۔ شکل ۱۸۳ مسیں متم ضرب گیٹ بطور نمنی گیٹ د کھایا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ (مشلاً 44 جس کو نمنی گیٹ (مشلاً 47) استعال کرتے ہوئے مشکل سے گیٹ تصور کرتے ہیں) کی جگ (مشکل ۱۹۳ دیکھیں) متم ضرب گیٹ (مشلاً 47) استعال کرتے ہوئے مشکل سے ایک مضرب گیٹ مضرب گیٹ کے متم ضرب گیٹ کی مضرب گیٹ کی جگ در کہا تا ہے۔

آپ نے دیکھ کہ شکل ۳۴٫۳ -الف کے ضرب وجمع دور مسیں تمسام گیٹ شبدیل کر کے متم ضرب گیٹ نسب

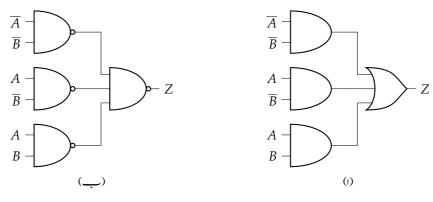
کرنے سے سشکل -ج کا متم ضرب و متم ضرب دور حساس ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصومی مشاہدہ ہے۔ یاد رہے کہ
مجب وعب ارکان ضرب کے ضرب وجمع دور مسیں ضرب گسٹول کی قطب راور ایک جمع گیٹ ہوگا۔

ضرب و جمع دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تمام گیٹول کی جگہ متم ضرب کیٹے نسب کرنے سے متم ضرب و متم ضرب دور ماصلی ہوگا۔

سلیکان کی فی مسرئع سنی مسیر پست ری پر بہت بڑی تعداد مسیں گیٹ بنائے سبائے جباسکتے ہیں اور ب تعداد دن بادن بڑھتی

NAND-NAND^A

باب ۳. بوولین الجبرا



شکل ۳۵ ساخر ب وجع سے متم ضرب ومتم ضرب (مثال ۱۷ ا)۔

حیلی حبارہی ہے۔ سایکان کی بہتری پر ایک ہی قتم کے گیٹ نسبتازیادہ آسانی اور بہتر بنائے جباسکتے ہیں۔ یوں کسی بھی تقف عسل کو فر ب و جمع کی بجبائے متم ضرب و متم ضرب دور سے حساسل کرنازیادہ سود مند ثابت ہوگا۔ ای وجب سے و سسے پیسانے کی مختلوط برقیات میں متم ضرب گیٹ نہایت مقبول ہیں۔

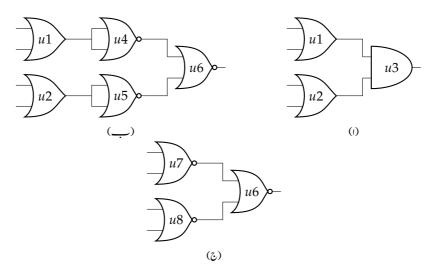
مثال ۱۷. ۳: مندر حبه ذیل تفاعسل کامتم ضرب ومتم ضرب دور حساصسل کریں۔

A	В	$\mid Z \mid$
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	1

صل: تناعسل کاممبوعہ ارکان ضرب لکھنے کی عضرض سے حبدول مسین ارکان ضرب کی قطبار شامسل کرتے ہیں۔ ہیں۔

A	В	$\mid Z \mid$	ار کان ضر ـــــ
0	0	1	$\overline{A} \overline{B}$
0	1	0	$\overline{A} B$
1	0	1	$A \overline{B}$
1	1	1	AB

یوں $Z = \overline{A} \, \overline{B} + A \overline{B} + A \overline{B}$ الف میں پیش ہے۔ تسام گیوُں کی جگہ متم مرب گیٹ نوب کی سے متم مرب وہ متم مرب وہ متم مرب وہ متم مرب وہ کا کا میں پیش ہے۔



شکل ۳۹ بیر: جمع وضر بے سے متم جمع ومتم جمع۔

۳.۱۴ جمع وضر ب دور سے متم جمع ومتم جمع دور کاحصول

تف عسل کے ارکان جمع کی ضرب سے حسامسل جمع و ضرب دور مسیں تمسام گیٹول کی جگہ متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عسل کامتم جمع و متم جمع گیٹ نصب کرنے سے تف عسل کامتم جمع و مرتب جمع دور حسام ہوگا۔

شکل ۳۲.۳ میں جمع و ضرب دورے و تدم بات مہم جمع و متم جمع دور کا حصول دکھایا گیا ہے۔ پہلی و تدم میں، شکل۔ الف کے ضرب گیٹ و سل ، 44 ، 45 ، 10 نسب الف کے ضرب گیٹ 44 ، 45 ، 10 نسب کے ضرب گیٹ 44 ، 50 ، 10 ، 10 ، 10 اور کما جوڑی کی جگہ متم جمع 77 ہوگئی گیٹ مان کر، 11 اور 44 جوڑی کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا جب ہوگئی گیٹ 10 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 24 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور صاصل کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ متم جمع دور کی جگہ متم جمع دور کیا گیٹ۔ 25 ہور کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کیا گیٹ کی جگہ کیا گیٹ کیا گیٹ کی جگہ کی گیٹ کی جگہ کی کا کہ کا کہ کی جگہ کی جمع دور کیا گیٹ کی جگہ کی گیٹ
شکل ۳۹.۳۳-الف کے جمع وضر ب دور کی مشکل وصورت تب میل کیے بغیب رتسام گیٹ کی جگ متم جمع نسب کرنے سے مشکل -ج حساصل ہو گا۔ یہ ایک اہم اور عصو می مشاہرہ ہے۔ یادر ہے کہ ضرب ارکان محبسوء سے حساصل جمع وضرب دور مسین جمع گیٹول کی قطب اراور ایک ضرب گیٹ ہوگا۔

جمع و ضرب دور کی شکلی و صورت تبدیل کیے بغیر تام گیٹول کی بلد متم جمع گیٹے نسب کرنے سے متم جمع و متم جمع دور عاصل ہوگا۔ باب ۳. بوولين الجبرا

حبدول ۱۳۱۳: تین بٹ رموز۔

تین بِٹ رموز
000
001
010
011
100
101
110
111

۳.۱۵ عسلامتی روی یار موز

عسوماً زبانوں مسین الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی مسین کی حباتی ہے۔ حسرون تہجی کو سلم الفاظ یا معسلومات کی لکھائی اسس زبان کے حسرون تہجی زبان مسلم جینی زبان محتلف ہے۔ چینی زبان الکھائی اپنی عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون ایک عسلامت یارمزہ ہے۔ حسرون تہجی پر مسبنی لکھائی، یہ حسرون سکھنے کے بعد، کوئی بھی پڑھ سکتا ہے، جبکہ رمسزی لکھائی مسین کی بھی رمسز کا استعال اسس وقت مسکن ہوگاجب تہمام لوگ اسس رمسز پر متفق ہوں۔ کمپیوٹر اسس لحاظ سے چینی زبان سے مشاہبت رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے، اور معسلومات کو رمسزی روس مسین رکھتا ہے۔

و تسلم و کاغن نہ نے انسان کی بھی مشکل کی لکت رہن کراہے ایک عسلامت یار مسنز تصور کر سکتا ہے۔ کمپیوٹر کی دنیا مسیں ایسا کرناممکن نہیں۔ کمپیوٹر صرف 0 اور 1 حبانت ہے، البندااسس مسیں رموز بھی 0 اور 1 مختلف ترتیب ہے جوڑ کر بہنائے حباتے ہیں۔ مشلاً، تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے حبد ول ۱۳۳۳ مسیں پیش رموز ممکن ہوں گے۔ یوں تین بٹ استعال کر کے ترکی مسلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف انشیاء یا مصلومات کی پہپان کے لئے استعال کی حب سکتا ہیں۔ حب سکتے ہیں، جنہیں آٹھ مختلف آٹھ بٹ مسیں 256 ہے۔ تین بٹ استعال کرتے ہوئے، اسس سے زیادہ رموز ممکن نہیں۔ آٹھ بٹ مسیں 256 ہے 25 رمسز ممکن ہیں۔

ا.١۵. ساليكي رموز اورعب لمي رموز

code'

۳.۱۵ ميلامتي روپ يار موز

حبدول ۱۵.۳:ایسکی رموز ـ

لاطنيني حسرون يابهندسه	ايسكى رمسنر
A	01000001_2
В	01000010_{2}^{-}
C	01000011_2
D	01000100_2
:	:
X	010110002
Υ	01011001_{2}^{-}
Z	01011010_2
а	011000012
b	01100010_2
С	01100011_2
:	:
z	01111010_2
0 ₁₀	001100002
1 ₁₀	00110001_2
2 ₁₀	00110010_2
:	:
8 ₁₀	00111000_2
910	001110012

۷ باب ۳. بودلین الجبرا

حبدول ۱۲.۱۳: اعث اری اعب داد کے حسیار بٹ شن ائی رموز۔

شنائی مسرموز اعشاری	اعثاری اعسداد
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9

ایک بائٹ مسیں 00000000 ہے 11111111 تک 256₁₀ مختلف رموز ہوگ، جو ایک محصد ود تعداد ہے۔ چیسے چیسے دنیا کی مختلف زبان ہو لئے والوں کے ہاں کمپیوٹر کااستعال رائج ہوا، ایکی رموز کے (محسد ود) رمسز کم پڑگئے۔ موجودہ وور مسیں عالمی رموز اارائے ہے، جس مسیں دنیا کی تمس مزبانوں (بشمول اردو، پشتو، بلوچی، سندی، وغیبرہ) کے حسر وف تنجی کے رموز موجود ہیں۔ اسس نظام مسیں ہر رمسز حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دی گئی ہے۔ اسس نظام مسین ہر رمسن حیار بائٹ کا ہے۔ یہ کتا ہے سالمی رموز مسیں تفکیل دیا سستیں بھی ڈھالی جباسکتی ہیں۔ امید یہی ہے کہ یہ نظام آنے والے زمانے مسیں درکار ضروریات یوری کرے گا۔

۳.۱۵.۲ اعشاری اعبداد کے شنائی رموز

۳.۱۵.۳ گرے رموز

اسس نظام مسیں اعشاری ہند سول کے رمسنزیوں رکھے گئے کہ کئی بھی دومتواتر اعشاری ہند سوں کے رمسنز مسیں صرف ایک بٹ کافٹ رق ہو۔ حب دول۳۱۷ حسار بٹ گرے رموز پیشش کر تاہے۔

uni code"

binary coded decimal (BCD)"

۱۵. ۳. اعسلامتی روپ یارموز

حبدول ۱۷.۳:اعث اری اعب داد کے حب اربٹ گرے رموز۔

حپاربٹ گرے رموز	اعشاری اعسداد
0000	0
0001	1
0011	2
0010	3
0110	4
0111	5
0101	6
0100	7
1100	8
1101	9
1111	10
1110	11
1010	12
1011	13
1001	14
1000	15

طبیعی متغیبرات کوعبد دی روپ مسین، عصوماً، گرے رموز مسین کھا دباتا ہے۔انس کی اون دیسہ ایک مثال سے مسجھتے ہیں۔

تصور کریں کہ ایک بڑھتے ہوئے وضافلے کو حپار بٹ کے عمام شنائی نظام مسین ناپا حباتا ہے۔ یوں 01112 کے بعد 1000 آئے گا۔ اب تصور کریں کی وجب ہے، اسس حپار بٹ شنائی عدد کابلندر تی بٹ نسبتا خبلدی 0 سے 1 مسین تبدیل ہوتا ہو۔ یوں ایک لحصہ کے لئے 01112 کے بعد 1111 پڑھا جبائے گا، جس کے بعد اصل عدد 1000 آ حبائے گا۔ آپ دکھ سے ہیں کہ ایک لمجے کے لئے وضاصلہ عناظ پڑھا جبائے گا، جس سے مسائل کھٹڑے ہو سکتے ہیں۔ اس کے بر عکس اگر گرے رمنز استعال کیا جبائے تب 0100 کے بعد 1100 پڑھا حبائے گا، ورست قیمت ہے۔

باب

كارنان نقث حبات

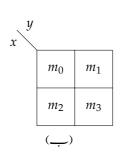
بودلین حبدول ہے کی بھی تف عسل کی مساوات بذریعہ مجبوعہ ارکان ضرب یاضر بعد از جمع حساس کرکے اے گیٹوں کی معددے حباس پہنایاحب سکتا ہے۔ عصوماً، اسس مساوات میں گیٹوں کی تعداد اور فی گیٹ مداخنل کی تعداد کم کی حباستی کی حب ستیال کرنے ہے عددی دور پر کم لاگ آئے گی۔ قف عسل کی حباستیال کرنے ہے عددی دور پر کم لاگ آئے گی۔ قف عسل کی حباستی کی سادہ صورت بوولین منطق سے حساسل کی حباستی ہے، البت ایک نہایت عمدہ اور سادہ طسریق کار ناف نقشہ حبات کی ترکیب کتے ہیں، استیال کیا حباتا ہے۔ اسس باب مسین اسس ترکیب پر غور کیا جب کارناف نقشہ حبارے گا آزاد متخب رات کے تف عسل کی سادہ صورت حساسل کرنے مسین نہیں بوگا۔

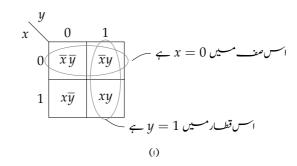
۴.۱ کارنان نقشے کابنادی حنا کہ

تین آزاد متغیب رتف عسل (F(x, y, z) کے آٹھ ار کان ضریب ہوں گے۔انہیں شکل ۲۰٫۴ کے کارنان نقث مسیں د کھیایا

: :	. ایس
شغب رار کان ضرب۔	حب دول ۱. ۴: دو

х	у		
0	0	$\overline{x}\overline{y}$	m_0
0	1	$\overline{x}y$	m_1
1	0	$x\overline{y}$	m_2
1	1	xy	m_3





شكل ابه: دا آزاد متغير كارناف نقثے كى بنيادى صور ___

گی ہے۔ اسس شکل میں دوصف اور حپار قطار ہیں۔ صفوں کا تعیین x کی قیمت، جب قطاروں کا تعیین yz کی قیمت x جب ان قیتوں کو (شن کی گئت تی کے روپ میں جسیں بلکہ) گرے رمسز میں لکھا حب تا ہے۔ یوں، بائیں ہاتھ کے سشروع کر کے، پہلی قطار میں yz کی قیمت 00، دوسسری مسیں 01، تیمسری مسیں 11 جب آحضری قطار مسیں 10 ہوگی۔

حیار آزاد متغیر تفع میں حویا جا سال ہے۔ ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان خرب ہوں گے، جنہیں حیار صف اور حیار قطار کے کارنان کے نقتے میں سویا حیاسکتا ہے۔ یہاں صفول کا تعین ایساکارنان نقث دکھایا گیا ہے۔ یہاں صفول کا تعین

x y^2	2 00	01	11	10	گرے دمسز سر
0	m_0	m_1	m_3	m_2	
1	m_4	m_5	m_7	m_6	

شکل ۲.۴: تین متغیر کارنان نقشے کی بنیادی صور ___

$\sqrt{y^2}$		04		4.0
$wx \setminus$	00	01	11	10
00	m_0	m_1	m_3	m_2
01	m_4	m_5	m_7	m_6
11	m_{12}	m_{13}	m_{15}	m_{14}
10	m_8	т9	m_{11}	m_{10}

كك ٢٠٠٣: حيار متغب ركارنان نقش كيبنيادي صورب

70x کی قیمیں، جبکہ قطاروں کا تعلین 42 کی قیمیں کرتی ہیں۔ ان قیتوں کو گرے رمسنز مسیں لکھ کر حنانوں کی پہپان کی حباتی ہے۔

اب تک آپ پر واضح ہو چکا ہوگا کہ کارناف نقشے بناتے ہوئے صفول اور قطاروں کو گرے رمسنز مسیں مسیں رکھا حباتا ہے۔ حیار سے زیادہ متنعب رات کے کارناف نقشوں کا استعال نسبتا پیچیدہ ہو تا ہے، الہذا اان سے تف عسل کا سادہ روپ عسوماً کمپیوٹر کی مد دے حساصل کمپ حباتا ہے۔

۴.۲ کارنان نقشے کی تجسرائی

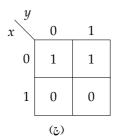
 y_0 بولین جبدول سے کارناف نقشے کی بھسرائی نہایہ آسان اور سیدھ عمل ہے۔ بوولین حبدول کی جن صفوں مسیں 0 پر تناف کی قیمت 1 ہو، ان کے مطابقتی (کارناف نقشہ کے) حنانوں مسیں 1 پر کریں؛ باقی حنانوں مسیں 0 پر کریں۔ شکل 1 برہ-الغی میں دو آزاد متغیر تفاصل 1 باقت 1 کے لئے ہے عمل دکھیا گیا ہے۔ شکل 1 برہ-الغی مسیں تفاصل کا کارناف کا نقشہ پر کہا ہواد کھیا گیا ہے۔ تفاصل کو مجبوع ارکان خرب کے دور اس کی نشاندہی ہوتی ہے۔ رویہ مسیں کھنے سے کارناف نقشہ مسیں پر کئے جب نے والے حنانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔

 $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$ کی مثال شکل $F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$ کی مثال شکل میں پیش کی گئی ہیں۔

۳.۳ کارناف نقشے سے تف عسل کی ادہ مساوات کا حصول

کارناف نقیم میں و تحر بی دنانوں ہے مسرادالیہ 2^n دنانے ہیں جنہ میں مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کے بہت مسریح یا متطب کا میں گھیداج ہے وہ کا بھی دنانے (یادنانے) ایک ہے وہ مسریح یا متطب کا مسیل گھیداج سے دیادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادنانے) ایک ہے دیادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادہ مسریح یا متطب کا کا بھی دنانے (یادہ کی بھی دنانے کہ دیا ہے
ت رپی حنانوں مسیں تف^عل کی قیت 1 ہونے کی صورت مسیں،ان حنانوں کے ارکان ضرب کا مجبوعہ بوولین

x	y	F	ار کان ضرب	
0	0	1	$ m_0 $	/
0	1	1	$m_0 m_1$	$F = \sum (m_0, m_1)$
1	0	0	m_2	
1	1	0	m_3	
			(1)	



y		
$x \setminus$	0	1
0	m_0	m_1
1	m_2	m_3
	(<u> </u>	

شكل ۴، ۴، دومتغب رتف عسل كارنان نقشے كى مجسرائي۔

х	у	Z	F	ار کان ضرب	
0	0	0	0	m_0	
0	0	1	0	m_1	
0	1	0	0	m_2	/
0	1	1	1	m_3	$F=\sum(m_3,m_5,m_6,m_5)$
1	0	0	0	m_4	
1	0	1	1	m_5	
1	1	0	1	m_6	
1	1	1	1	m_7	

(5)

x 00 01 11 10 0 m_0 m_1 m_3 m_2 1 m_4 m_5 m_7 m_6

شكل ٨٠.٥: تين متغب ركارنان نقشْ كى بهسرائي ـ

(1)

توانین سے حسل کر کے سادہ ترین رکن ضرب حسامسل کسیا حباسکتا ہے۔ سیہ رکن ان فتسریبی حضانوں کے ارکان ضرب مسیں مشتر کرسے پر مشتل ہوگا۔

دوفت ربی بلند حنانوں (جن مسیں تف عسل کی قیمت 1 ہو گی، کے ارکان ضرب کے محب ہوعہ) سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متخب رات کی تعداد ہے ایک کم ہو گی۔ ایک طسرح، حیار بلند و متنب رات کی تعداد، تف عسل طسرح، حیار بلند و متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تو م ہو گی۔ آٹھ و متر ہی بلند حنانوں سے حسامس ، سادہ ترین رکن ضرب مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل ، مسیں آزاد متنب رات کی تعداد، تف عسل مسیں آزاد متنب رات کی تعداد سے حیار کم ہو گی۔

مت ربی دن نے گھیسرتے وقت ہے کوشش ہونی حیائے کہ بڑے سے بڑام سربح یامتطیل ہے۔ایسا کرنے سے سادہ ترین رکن ضرب حسام کو گا۔عصوماً، مت ربی حنانوں کو ایک سے زیادہ طسریقوں سے گھیسرا حیا مکتا ہے، جن سے تف عسل کی مختلف سادہ صورتیں حسام کہ ہوں گی۔

اب ہم چند مشالوں کی مدد سے اسس طسریقے کار کو سکھتے ہیں۔

۱.۳.۱ دو آزاد متغب رتف عسل

رو متغیبر تف عسل کے کارناف نقث مسیں m_0 اور m_1 مسیر بی منانے ہوں گے۔ ای طسرت m_0 اور m_2 بھی مسیر بی منانے ہوں گے۔ ومسیر بی منانے نہیں ہوں گے۔

سٹکل ۲۰۸۰ مسیں دو متغیب رتف عسل اور اسس کاکارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ کارناف نقشے مسیں حنانوں ہے اوپر، متغیب رy کی مسکن قیتوں y اور y کی جب کے بالست رتیب y اور y کی مسکن قیتوں y اور y کی جب کے بائیں حبانب y کی جب کہ متغیب رکھے رکھے کی جب جو پہت متغیب رکھ کی جب کے بئیں حبانب y کو جگ متغیب رکھ کر اسس پر ککس رگائی گئی ہے جو پہت متغیب رکو ظاہر کرتا ہے)۔ ای طسرح حنانوں کے بائیں حبانب y اور y کھا گھا گئی ہے۔

کارنان نقشے کے دوفت رہی حنانوں مسیں تفاعسل کی قیمت 1 ہے، جنہیں نقط دار متطیل مسیں گھیداگیا ہے۔ شکل دمسیں ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع کو بوولین قوانین سے حسل کر کے سادہ رکن حساسل کیا گیا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ان حنانوں کے ارکان ضرب کے محبوع سے ایک متغیر رکن حساسل ہوتا ہے؛ یعنی دو متغیر تفاعل کی صورت میں دوحنانوں سے ایک متغیر رکن حساسل ہوا۔

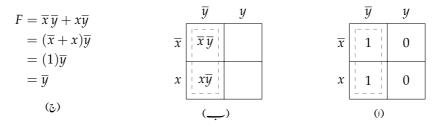
یمی می اوات، مشکل - ج کے کار ناف نقیم میں نقط دار متطیل میں گھیرے ، دو قسر بی حنانوں کو دیکھ کر لکھی حب سے جو نقط دار متطیل میں گھیرے دو قسر بی حنانوں کے ارکان خرب \overline{x} ہیں۔ ان ارکان خرب میں \overline{x} مشتر ک ہ جبکہ ایک رکن میں \overline{y} اور دو سرے میں y ہے۔ یوں، نقل دار متطیل میں گھیرے ارکان خرب میں وہ حصہ جو مشتر ک ہو مطاوب سادہ رکن ہوگا۔ (غیبر مشتر ک حصہ در کرنا، شکل - دمیں \overline{y} بی کے مترادن ہے۔) چونکہ ان حنانوں کے عیادہ تمام حنانوں میں \overline{y} ہوگا۔ یہ کرنا، شکل - دمیں کی میں داور \overline{y} ہوگا۔

 \overline{y} مسیں \overline{x} اور \overline{x} ا

شکل x کے تف عبل کے ارکان ضرب xy اور xy اور xy میں x مشتر کے ہے (شکل ج دیکھیں)۔ چونکہ باقی

$F = \overline{x}\overline{y} + \overline{x}y$	\overline{y} y	\overline{y} y	x y F
$= \overline{x}(\overline{y} + y)$ $= \overline{x}(1)$	\overline{x} $\overline{x}\overline{y}$ $\overline{x}y$	$\overline{x} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$= \overline{x}(1)$ $= \overline{x}$	x	x = 0	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
(,)	(3)	()	(1)

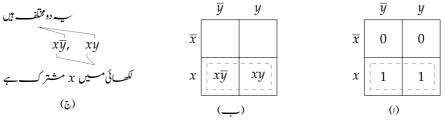
شکل ۲.۷: قتریج بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحصول۔



شکل ۷.۷: فتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

حنانوں مسیں تفعل کی قیمت 0 ہے اہلیذا تف عسل کے ارکان ضرب کامحب وعب ای رکن کے برابر ہو گا۔ یوں اسس کی مساوات F=x ہوگی۔

سنکل ۹.۴ مسیں ایک ہی حنانے کو دو قسر ہی حنانوں کے ساتھ باری باری جوڑتے ہوئے سادہ مساوات کو بوولین منطق کی مدد سے حاصل $F=\overline{x}+\overline{y}$



شکل ۴.۸: قتریبی بلند حنانوں سے سادہ رکن ضرب کاحسول۔

اور \overline{x} کھنے میں \overline{x} مشتر کے، \overline{x} اور \overline{x} ہند
اور \overline{x} کھنے میں \overline{y} مشتر کے، \overline{x} \overline{y}
$F=\overline{x}+\overline{y}$ هوگار

	\overline{y}	y		\overline{y}
\overline{x}	$\overline{x}\overline{y}$	$\overline{x}y$	\overline{x}	1
x	$x\overline{y}$		x	1

شکل ۹، ۲۰: قت ریم بلن د حنانوں سے سادہ رکن کا حصول۔

F = 1

	\overline{y}	y
\overline{x}	$\int_{1}^{\infty} \overline{x} \overline{y}$	$\overline{x}y$
x	$x\overline{y}$	xy

 $\begin{array}{c|cccc} \overline{y} & y \\ \hline x & 1 & 1 \\ x & 1 & 1 \end{array}$

شكل ۱۰. ۲: حيار قسر بي حنانول سے ساده ركن 1 حساسل ہوگا۔

کریں۔ مساوات کوار کان ضرب کامجبوعہ لکھ کراسس کی سادہ رویہ اخت کرتے ہیں:

$$F = x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= x\overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x} \overline{y} + \overline{x}y$$

$$= (x + \overline{x})\overline{y} + \overline{x}(\overline{y} + y)$$

$$= (1)\overline{y} + \overline{x}(1)$$

$$= \overline{y} + \overline{x}$$

جهاں، دوسسرے متدم پر حبدول ۱۲.۳ - بے کی شِق 4 (صفحہ ۵۰) استعال کرتے ہوئے $\overline{x}\,\overline{y}=\overline{x}\,\overline{y}+\overline{x}\,\overline{y}$ ککھیا۔

سشکل ۱۰،۰۱مسیں حیار و سر بی حنانے ایک منتظیل مسیں گھیں ہے ہیں۔ ایک صورت مسیں تفاعل F = 1 ہوگی۔

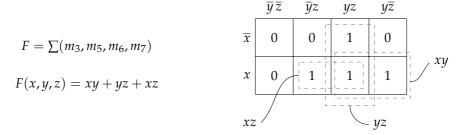
سشکل ۱۱.۱ امسیں متبریجی حنانے نہیں پائے جبتے، البذاار کان خرب کے محبصوعہ کو مسزید سادہ نہیں بنایا حبا سکتا۔ جب بھی کوئی حنان۔ کسی منتظیل مسیں شامسل نہ ہو، اسس کار کن خرب جوں کا توں محبصوعہ (اور مسادات)مسیں رہے گا۔

مثق ابہ: ارکان ضرب کے مجبموعہ کی سادہ صورت بوولین قوانین سے حساس کر کے ثابت کریں کہ سشکل ۴۰۰۱

		\overline{y}	y
$F = x\overline{y} + \overline{x}y$	\overline{x}		$\overline{x}y$
	x	$x\overline{y}$	

	\overline{y}	y
\overline{x}	0	1
x	1	0

شكل ۱۱ بم: فت ربى حنانے نہيں يائے حباتے۔



شکل ۱۲ به: تین متغیب رتف عسل کے کارنانی نقشے سے سادہ مساوات کا حصول۔

F = 1 ہے۔

مثق ۲۰۰۸: رکن ضرب به ونے کی صورت مسین ثابت کریں کہ تفاعب کی مصاوات F=0 ہوگا۔

سشكل ۱۱.۱۸ مسين ايب تف عسل ديا گيا ہے جس كے حن نے كى مسرئع يا متطيل مسين نہيں گھيرے دبا كتے۔اليہ تف عسل كى مساوات كو سادہ نہيں بناياحبا سكا۔

۲.۳.۲ تین متغیر تفعل

تین متغیبر تف عسل اور اسس کاکار ناف نقشه مشکل ۱۲.۳ امسیں دکھیا گیا ہے۔کار ناف نقشے مسیں دو مستریبی حن انوں کو گھیسرنے والے تین متعلیل بست مسیں 2^n حن نے سموے حیائیں، جہاں n عدد صحیح ہے۔ یوں تین حن انوں کو گھیسرنے کی احباز سے نہیں۔

درمیانی متطیل 10 اور 17 گیر تا ہے۔ان حنانوں کے ارکان ضرب میں x کی قیت تبدیل ہوتی ہے، جب کہ 72

دونوں مسیں مشتر کے ہے۔ یوں ان کا سادہ رکن xz ہوگا۔ باقی دومتنطی سے xy اور xx حساصل ہوگا۔ یوں تغساعمل کی سادہ مساوات ان کا محبوعہ (F = xy + yz + xz) ہوگا۔ اسس مساوات کو ارکان ضرب کے محبوعہ ہے دہ مساوات کو ارکان ضرب کے محبوعہ ہے ہیں (جو آپ کو اگلی مثل مسین کرنا ہوگا)۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3,m_5,m_6,m_7)$$
 $= \overline{x}yz + x\overline{y}z + xyz + xy\overline{z}$ (۴.۱) $= xy + yz + xz$ (پیم کومپوس) $= xy + yz + xz$

اسس مساوات کی دوسسری کگیسر مسیں، ارکان ضرب تمسام آزاد متخیسرات پر مشتل ہیں۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو تفصیلی رکن ضرب کہتے ہیں۔ مساوات کی تعیسری کگیسر کے ارکان ضرب مسیم، آزاد متخیسرات کی تعیداد کم ہے۔اسس طسرح کے رکن ضرب کو سادہ رکن ضرب کہتے ہیں۔اسس کتاب مسیم، عصوماً، دونوں اقسام رکن ضرب پکارے حبائیں گے۔ پکارے حبائیں گے۔امید کی حباتی ہے، مستن سے مطاوب مطلب واضح ہو گا؛جہاں ایسانہ ہو، وہاں انہیں مکمسل نام سے پکاراحبائے گا۔

مثق ۳.۳٪ بودلین الجیراات تعال کر کے مساوات ۴.۱ کی دوسری لکسیرے تیسری لکسیر حساسل کریں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں۔ ساتھ ہی تسلی کرلیں کہ آپ شکل ۱۲.۳۴ کے کارناف نقتے سے دوار کان ضرب حساسل کرناحبانے ہیں۔

 $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ اور $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ کا $m_0=\overline{x}$ کا اور $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ کا اور $m_2=\overline{x}y\overline{z}$ کا میں تین متغیبر کارنان نقث پیش کیا گیا ہے۔ نقثے مسیں تین متغیبر کارنان

$$m_0 + m_2 = \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + \overline{x} y \overline{z}$$

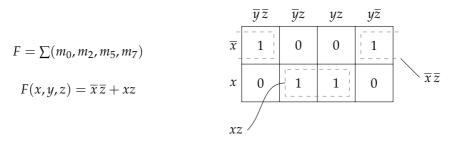
$$= \overline{x} \, \overline{z} (\overline{y} + y)$$

$$= \overline{x} \, \overline{z}$$

ان تین متغیب رار کان ضرب کے محب وعے سے دو متغیب رر کن ضرب حساصل ہوا۔ یوں m_0 اور m_2 حنانوں کو متسریکی حنانے تصور کرناہوگا۔ آئیں اسس پر تفصیل سے گفتگو کریں۔

کارناف نشتے کے بایاں اور دایاں قطبار کے حنانوں کو فت ربی تصور کریں۔ تصور مسیں اسس کاغند کو، جس پر کارناف نقشہ ب ہو، یوں گول کریں کہ کاغند کا بایاں اور دایاں کسنارہ آگیس مسل حب نئیں۔ اب پہلی اور آحسنری قطبار کے حننے فت ہوں گے۔ ای طسرح، دوسے زیادہ صفوں کی صورت مسیں، نحیلی اور بالائی صف کے حنانے فت ربی ہوں گے۔ تصور مسیں کاغنہ کو یوں لپیٹیں کہ اسس کانحپلاکسنارہ بالائی کسنارے سے حب ملے یوں ان صفوں کے حنانوں کو فت ربی تصور کیساجسا سکتا ہے۔

مشکل ۱۳.۳ مسیں m_0 اور m_2 کو متطیل مسیں گھیرا دکھایا گیا ہے۔ (تصور کریں کہ لیٹے گئے کاعنبذ پر ان حنانوں کو متطیل مسیں گھیرنے کے بعد ، کاعنبذ کو دوبارہ سیدھا کیا گیا ہے؛ یوں متطیل دو نکڑوں مسیں نظسر آئے



شکل ۱۳۱۲، ۲۰ کارنان نقثے کے اطسران آلپ مسیں ملائیں۔

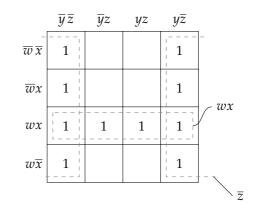
	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\begin{bmatrix} x & y & z \\ x & \overline{y} & \overline{z} \end{bmatrix}$	\overline{x} 1 x y	0	1	1	\bar{z}

شکل ۱۴،۱۳:حیار تسریبی منانے۔

xz سین xz اور xz اور xz مشتر کے ہے، جو ہمارے توقع کے عسین مطابق ہے۔ سن xz اور xz مشتر کے ہے۔ یوں تفاعس کی ساوات ان سادہ ارکان کا محبوعہ xz ہوگا۔

سشکل ۱۳.۸ مسیں تین متغیبر کارناف نقث دیا گیا ہے، جس مسیں حیار قت بین حنانوں کے دومسر بعے بنائے گئے ہیں۔ آپ کارناف نقٹے کو دکھ کر تفاعسل کی سادہ مساوات کھ سکتے ہیں۔ (اگر آپ ایسا نہیں کر سکتے، تیار ہو حبائیں!اگل مثق مسیں یمی کہنے کو کہا گیا۔۔)

مثق ۲۰.۳: سشکل ۱۲.۳ مسیں دیئے تف عسل کی سادہ مساوات کارناون نقشے سے حساصل کریں۔ای مساوات کو بودلین الجبرا کی مدد سے حساصل کریں۔ شکل مسیں حیار کونوں کامشتر کے حصہ ((\overline{Z}) د کھسایا گیا ہے۔



 $F(w, x, y, z) = wx + \overline{z}$

شكل ۱۵. ۲۲: حيار متغير نقث (برائے مثال ۱۰٫۲)

۳.۳.۳ حيار متغير تفاعل

حیار آزاد متغیر تف مسل کے سولہ ارکان خرب ہوں گے۔ اسس کے کارناف نقٹے مسیں قسر بی حنانوں کو پہیانے کی حن طسر تقتے کو ایک سطح پربت ہواتصور کریں کہ نقتے کی دایاں قط ارتفتے کی بائیں قط ارسے حب ٹراہو۔ ای طسر تفتے کی بالائی صف اور m_1 حن نے مسیں حب ٹرے ہوں۔ یوں m_2 حن نے m_3 حن نے حب ٹرتا ہے، اور m_1 حن نے حب ٹرتا ہے، اور m_1 حن نے حب ٹرتا ہے۔

اس نقتے مسیں دو، حیار، آٹھ اور سولہ فت ربی حنانے بسنانا مسکن ہے۔ دو فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں تین متغیرات ہوں گے۔ حیار فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں دو آزاد متغیرات ہوں گے۔ آٹھ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
ایک رکن ضرب دے گا، جس مسیں ایک متغیر ہوگا، جبکہ سولہ فت ربی حنانوں کے ارکان ضرب کا محبسوء۔
کے برابر ہوگا۔

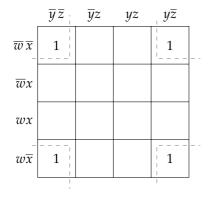
حيار متغب ركارنان نقثوں كى چند مثاليں ديكھتے ہيں۔

مثال ابن درج ذیل تف عسل کی سادہ مساوات شکل ۱۵،۴ مسیں پیش کی گئے ہے۔

 $F(w, x, y, z) = \sum_{n=0}^{\infty} (m_0, m_2, m_4, m_6, m_8, m_{10}, m_{12}, m_{13}, m_{14}, m_{15})$

مثال ۲.۲: درج ذیل تف علات کی اده مساوات حساصل کریں۔

$$F(w,x,y,z) = \sum_{m_0,m_5,m_7,m_{10},m_{11},m_{13},m_{15}} F(w,x,y,z) = \sum_{m_0,m_2,m_8,m_{10}} (m_0,m_2,m_8,m_{10})$$





$$F(w, x, y, z) = \overline{x}\,\overline{z}$$

$$F(w, x, y, z) = \overline{w} \, \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + xz + w \overline{x} y$$
(1)

شکل ۱۱، ۲: حیار متغیر نقث (برائے مشال ۲،۴)

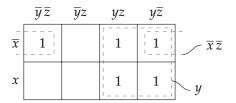
مثق ۵. ۴: سنگل ۱۲.۴-ب کے حپار حنانوں کے ارکان ضرب کے محبسوعہ کا سادہ روپ، بوولین قوانین کی مدد سے حاصل کرکے ثابت کریں کہ ہے۔ وقت رہی حنانے ہیں۔

مثال ٣.٣: تين آزاد متغيرات كے بلا شرك گير كاكارنان نقث حياصل كريں۔ حل: شكل ١٤.٢ مسيں نقث پيش ہے۔ اسس مسيں و ترب حنانے نہيں پائے حباتے، الهذا اسس كی مساوات مسزير سادہ نہيں بن كي حباستی۔

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}		1		1
x	1		1	

 $F(x,y,z) = x \oplus y \oplus z$

شكل ١٤. ٢٠: تين متغب ربلاث ركت گيٺ كانقث (برائے مثال ٣٠٠٧)



 $F(x,y,z) = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$

شکل ۱۸.۲: سادہ مساوات سے ارکان ضرب کے محب وعب کا حصول (مثال ۴۲.۲۷)۔

۲.۳.۸ سادہ مساوات سے تف^عل کے ارکان ضرب کا حصول

کی بھی تفعل کی سادہ مساوات کا حصول بذریعہ کارناف نقشہ آپ نے دیکھا۔اسس جھے مسین اسس طسریقہ کار کو اُلٹ چپلا کر تفاعسل کی سادہ مساوات سے ارکان ضرب کا محبہوعہ حساسل کیا جبائے گا۔۔۔ ترکیب مثال سے بہتر سجھ آئی گی۔

مثال ۲۰٬۸: درج ذیل سادہ مساوات سے تفاعس کے ارکان ضرب کامجب وعب دریافت کریں۔

$$F(x,y,z) = y + \overline{x}\,\overline{z}$$

حل: سشکل ۱۸.۴ مسیں سادہ مساوات سے کارناف نقث حساسل کیا گیا، جس سے محبہوعہ ارکان ضرب کھا گیا۔

۳.۴ ضرب بعبداز جمع کی شکل مسین ساده مساوات

کارناف نقشے کے ان حنانوں مسیں 1 پُر کیا حباتا ہے جن مسیں تف عسل کے بودلین حبدول مسیں ارکان ضرب کی قیب 1 ہو۔ تقت عسل کے متم کے بودلین حبدول کے کارناف قیب 1 ہوگا۔ اس حبدول کے کارناف نقشے سے ارکان ضرب کے مجبوع کی مساوات، تف عسل کے متم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات محبم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات محبم کی سادہ مساوات ہوگا۔ یہ مساوات کی مساوات کے متم کی سادہ مساوات ہوگا، جس کا متم لے کرا مسل تف عسل کی (ضرب بعب داز جمع کی مشکل مسیں) سات کی وضاحت کرتے ہیں۔ سادہ مساوات حساس ہوگا۔ ایک مشال سے اس بات کی وضاحت کرتے ہیں۔

مثال ۸.۵: مندرحبه ذیل تفاعل کی مجموعه ارکان ضرب اور ضرب بعید از جمع شکل میں سادہ

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}	0	0	1	1 -
x	1	1	0	0

г	_	. –	,	`
F =	xy -	+ xy	(_)

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$
\overline{x}	1	1	0	0
x	0	0	1	1

$$\overline{F} = \overline{x}\,\overline{y} + xy \quad (3)$$

х	y	z	F	\overline{F}	
0	0	0	0	1	
0	0	1	0	1	
0	1	0	1	0	
0	1	1	1	0	
1	0	0	1	0	
1	0	1	1	0	
1	1	0	0	1	
1	1	1	0	1	
()					

شکل ۱۹.۷؛ محبسوعی ارکان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کی شکل مسین ساده مساوات (مشال ۸.۵) ـ

مساوات حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_2, m_3, m_4, m_5)$$

حسن: سشکل ۱۹۰۳ الف مسیں تف عسل اور اسس کے متم کا جدول پیش کیا گیا ہے۔ ، مشکل سسی دی گئی ہے۔ سشکل ج مسیں دی گئی مے۔ سشکل ج مسیں دی گئی ہے۔ سشکل ج مسیں دی گئی مے۔ استعال کی مساوات، تف عسل کے ارکان جمع کی مساوات، تف عسل کے ارکان جمع کی ضرب کی (درج ذیل) سادہ مساوات حساصل ہوگی۔

$$F = \overline{\overline{F}} = \overline{x} \, \overline{y} + xy$$

$$= (\overline{x} \, \overline{y})(\overline{xy})$$

$$= (\overline{x} + \overline{y})(\overline{x} + \overline{y})$$

$$= (x + y)(\overline{x} + \overline{y})$$

۸۵٪ غيبر دلچيپ حيال

	\overline{y}	y	\overline{y} y				
_	1	L	 	x	y	F	\overline{F}
\overline{x}	1	0 1	$\overline{x} \mid 1 \mid 0 \mid$	0	0	0	1
			1,	0	1	1	0
x	d	1	$x \mid \mid d \mid \mid 1 \mid \mid$	1	0	d	d
l				1	1	1	0
	F =	$x + \overline{y}$	$F = \overline{y} + x$		((i)	
	(5))	(<u> </u>)				

شكل ۲۰٫۴۰ غني رولچي حال (مثال ۲۰٫۴) ـ

۴.۵ عنبردلچسپ حال

ہم نے اب تک جبتے تف عسل دیکھے، ان مسیں مداحسٰل کی تمسام صور توں کے مطابقتی محسٰارج دستیاب اور ضروری تھے۔ بعض او صاحب مداحسٰل کی چب نہ قبستیں ممسکن نہسیں ہول گی یاان کے مطابقتی محسٰارج استعال نہسیں ہوں گے۔مداحسٰل کے ان قیتوں کو عسب رد کیے سب سے سال کہتے ہیں۔

تف عسل کی سادہ مساوات حساس کرتے وقت، کارناف نقشے کے غیسر دلچ پ حسال حنانوں مسیں 0 یا 1 کی بحب کے d درج کسیاحباتا ہے۔ وقت بی حنانے گھیرتے وقت اگر کسی غیسر ضروری حنانے مسیں 1 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہو تو اسس حنانے مسیں 1 تصور کسیاحباتا ہے، اور اگر اسس مسیں 0 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حساس ہوتی ہے تو اسس مسیں 0 تصور کسیاحباتا ہے۔

مثال ۲.۷: درج ذیل تف عسل کی ساده مساوات، محب وعب ار کان ضرب اور ضرب بعب داز جمع کے روپ مسیں حیاصل کریں۔

$$F(x,y) = \sum (m_0, m_3)$$

$$d(x,y) = \sum (m_2)$$

سل: تف عسل کا ایک حسال غیر دلیپ ہے۔ شکل ۲۰۰۸ میں تف عسل کا بوولین حبدول اور کارناون فیڈ دکھائے گئے ہیں۔ مجبوعہ ارکان خرب کے روپ میں سادہ مساوات حساسل کرتے وقت غیر دلیس خت نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی (مشکل - ب)۔ خرب بعد از جمع کے روپ مسیں بھی غیر دلیس حن نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مسیل ہوگی دوپ مسیل بھی غیر دلیس حن نے کی قیت 1 تصور کرنے سے (زیادہ) سادہ مساوات حساسل ہوگی درشکل - بی اسل ہوگی درشکل ہ

	$\overline{y}\overline{z}$	$\overline{y}z$	yz	$y\overline{z}$	
$\overline{w}\overline{x}$	1	d	d 	1	$\overline{w}\overline{x}$
$\overline{w}x$		d			$F(w, x, y, z) = w\overline{y} + \overline{w}\overline{x}$
wx	1	1			1(w,x,y,z) = wy + wx
$w\overline{x}$	1	1	d		
			$\overline{w}\overline{y}$		

شكل ۲۱.۳۱ غيسر دليسي حسالات (مشال ۲۵.۴) ـ

سل: سشکل ۲۱٫۳ مسین کارناف نقشہ پیش کی گیا ہے۔ سادہ مساوات کے حصول مسین (بالائی صف کے) دو عنی رد کچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رکچیپ حسانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی۔ کارناف نقشے مسین 0 کو نظر رپوشش کی گئی۔ ہے۔

ا___

تركب بي منطق اور تركب بي ادوار

تر کیبی منطق اے مسراد وہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ مداحنل پر مخصسر ہو؛ یعنی، کسی بھی لمحس پر تفاعسل کا محنارج، اُی لمحسے کے مداحنل پر مخصسر ہوگا۔ ایسے تفاعسل کو ترکسیبی ادوارے حسامہ عمسل پہنایا حساتا ہے، جوشنائی گیٹ سے حساصل کئے حساتے ہیں۔اسس باب مسیں ترکسیبی ادوار پر غور کسیاحبائےگا۔

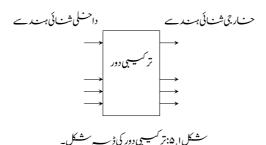
اسس کے برعکس، ترتیبی منطق اسے مسرادوہ منطق ہے جس مسیں محنارج موجودہ اور ماضی مداحنل پر مخصسر ہو؛ لینی، کسی بھی لمحسے پر تفساعسل کامخنارج، گزرے اور موجودہ مداحنل پر مخصسر ہوگا۔ ترتیبی منطق کو ترتیبی ادوار سے حساس ہمسایا حساتاہے، جن پر انگلے باہے مسین غور کہا حسائے گا۔

کسی بھی ترکسیبی دور کو سشکل ۱.۵ گوبہ شک**ک ت**ے ظاہر کسیا جب سکتا ہے ، جباں مداحسنل شنائی ہند سوں (مداحسنل بِٹ) کو مائیں جب کہ محساری شنائی ہند سول کو دائیں ہاتھ رکھسا حب تاہے۔

ا.۵ شنائی جمع کار اور شنائی منفی کار

دواعب داد کو جمع یامفی کرنابنیا دی ساب کاهسے ہے۔ آئیں دوبِ جمع کرنے والے دور پر غور کریں۔

combinational logic sequential logic box diagram



ا . ا . ۵ نصف جمع کار

ایک برٹ کی قیت صرف 0 یا 1 ہو سکتی ہے، البذادوبٹ جع کرتے ہوئے درج ذیل حیار (شنائی) صور تیں پیدا ہوں گی۔ (اسس باب مسین شنائی ہندہ سے اور اعبداداستعال ہوں گے:زیر نوشت 2 کھے کروضا حت نہیں کی حبائے گی۔)

$$0 + 0 = 0$$

 $0 + 1 = 1$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10$$

اسس مساوات مسین دوبر نے جمع کئے گئے، البذا مداحسٰل کی تعبداد دو ہو گی۔ مساوات مسین اگر حپ پہلے تین جوابات ایک برٹ بین، لسیکن آحسٰری جواب دوبرٹ ہے۔ یوں، تمسام صور توں سے نسپٹنے کی حسٰاطسر، جوابات دوبرٹ تصور کے حسائیں گے، اور ذیل کھیں بہتر ہوگا:

$$0 + 0 = 00$$

$$0 + 1 = 01$$

$$1 + 0 = 01$$

$$1 + 1 = 10$$

جس سے واضح ہے کہ جواب دوبٹ ہیں۔ یوں، دوبٹ جمع کرنے والے دور کے دومداحن اور دوممن ارج ہوں گے۔

مداحن کو y اور z ، جب محن ارج کو s اور c کلھ کر درج بالام وات کو حب دول a امسیں پیش کی گیا ہے ، جس سے تقاعلات a اور a کی مساوات ، محب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیں حساصل کرتے ہیں۔

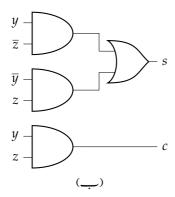
$$\begin{array}{c} c = yz \\ s = \overline{y}z + y\overline{z} \end{array}$$

اِن تف عسلات کے (دو مختلف اقسام کے)ادوار شکل ۲۰۵ مسیں پیش کیے گئے ہیں، جو نصف جمیع کار مہاب لاتے ہیں۔اسس نام کی وضاحت اگلے حسب مسیں ہوگی۔

half adder"

حبدول ۵: دوبِٹ جمع

y	z	С	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0







		,
كمسل جمع كار	:۵٫۲	حبدول

x	y	z	С	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

۵.۱.۲ مکسل جمع کار

آئیں، ایک سے زیادہ ہے شنائی اعبداد $y=111_2$ اور $z=11_2$ کے مجبوعے کا حصول دیکھتے ہیں۔

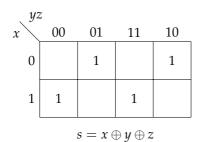
 y_1 ہوئے ہوئے ہوئے ہوئے ہوں اور y_0 کو نصف جمع کار حسل کر سکتا ہے، کسیکن اسکا ہے میں y_1 اور y_1 جمع کرتے ہوئے گرشتہ وقت میں کاما اصلی م جمع کرنا ہوگا۔

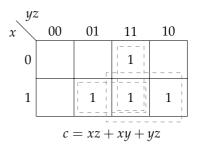
ظ ہر ہوا، دواعب داد جمع کرنے کی حن طب رایب دور در کار ہو گا جو تین بٹ جمع کر سے۔ آئیں ایب دور دیکھتے ہیں۔

x اور x جبکہ محنارج x اور x اور x جبکہ محنارج x اور x

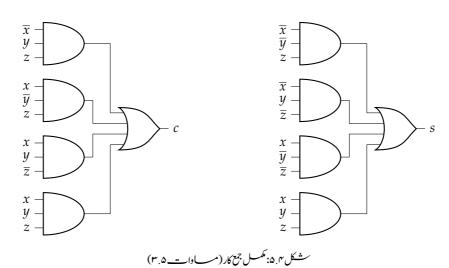
حبدول ہے 2 اور 8 کے تفاعسات کی مساوات ، مجبوعہ ارکان ضرب کے روپ مسین حسامسل کرتے وقت ہیں۔ یادرہ جبدول مسین تین آزاد اور دو تائع متغیرات ہیں۔ ایک تائع متغیرہ کی مساوات حسامسل کرتے وقت وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کرتے وقت تین مداحسل کی اور 2 پر نظر رکھتے ہوئے 2 کے ارکان ضرب کا مجبوعہ لیں۔ شکل ۳۵،۵ مسین کارناف نشوں سے ان تفساعسات کی (درج ذیل) سادہ مساوات حسامسل کی گئی ہیں۔

$$c = xz + xy + yz$$
$$s = x \oplus y \oplus z$$





شكل ۵.۳: مكسل جمع كار

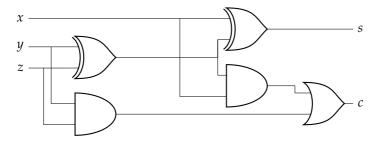


کارناف نقشہ استعمال کیے بغیب رحبہ ول ۲۰۵ سے ان تف عسلات کی مساوات، محب وعب ارکان ضرب کے روپ مسیر لکھتے ہیں۔

$$\begin{array}{c} c=\overline{x}yz+x\overline{y}z+xy\overline{z}+xyz\\ s=\overline{x}\,\overline{y}z+\overline{x}y\overline{z}+x\overline{y}\,\overline{z}+xyz \end{array}$$

انہیں شکل ۲۰۸۵ میں عملی حبامہ پہنایا گیاہے۔

 $(\overline{x}+x)yz$ جبکہ باقی احب زاء کا مجبوعہ $x(\overline{y}z+y\overline{z})$ جبکہ باقی احب زاء کا محبوعہ ورج بالا پہلی مساوات کے در میانے دواحب زاء کا محبوعہ



شکل ۵ ۵: مکسل جمع کار کابہتر دور (مساوات ۵ ۴)

لہندا c کے لئے درج ذیل لکھا حساسکتاہے۔

$$c = (\overline{x} + x)yz + x(\overline{y}z + y\overline{z})$$

= $yz + x(y \oplus z)$

اس کومساوات ۲.۵ میں پیش S کے ساتھ اکٹھ کیے ہیں۔

$$(a.r)$$
 $c=yz+x(y\oplus z)$ $s=x\oplus y\oplus z$ $(a.r)$

ان تف عبلات کو شکل ۵٫۵میں پیش کباگیاہے، جو شکل ۴٫۵سے بہتر (چھوٹا)ہے۔ ماوات ۵.۴مسیں دیے 8 سے ارکان ضرب کامجب وعب حساصل کرتے ہیں۔

$$s = x \oplus (y \oplus z)$$

$$= x \oplus (y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(\overline{y}\overline{z} + \overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(\overline{y}\overline{z})(\overline{y}z) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(\overline{y} + z)(y + \overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

$$= x(yz + \overline{y}\overline{z}) + \overline{x}(y\overline{z} + \overline{y}z)$$

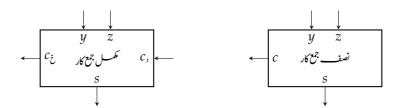
$$= xyz + x\overline{y}\overline{z} + \overline{x}y\overline{z} + \overline{x}\overline{y}z$$

شکل ۵.۵ مکل جمع کار اکہا تاہے، البذاشکل ۲.۵ کو نصف جمع کار کمہیں گے۔

حبدول ۲.۵ مسین ۷ اور Z شنائی ہند سول کے ساتھ گزشتہ ت دم کا حساس X جمع کسیا گسیا۔ شکل ۲.۵ مسین نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبلامت پیش ہیں۔ مکسل جمع کار مسیں گزشتہ ت رم سے داخلیر عاصلیر ^ر و ر بر جب اسس

half adder2

carry in



شکل ۲.۵: نصف جمع کار اور مکسل جمع کار کی عبداست یں۔

ت دم کے فارجی ماصل اور _نے سے ظاہر کے اگسا۔

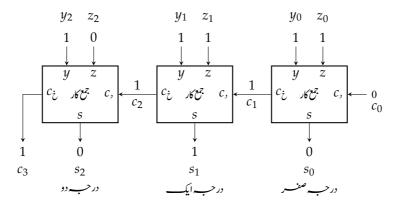
آئیں 111ء اور 2 = 11ء کا مجبوعہ مکمسل جمع کار کی مدد سے حساصسل کریں۔سب سے پہلے دونوں اعبداد كو تين شنائي بندسول مسين لكهين ، المهندا ر 211 ع بو گارشكل 2.۵ مسين مطلوب تين درجي، تين بث جمع كار پیش کب گب ہے، جباں مکسل جمع کار کو مختصراً "جمع کار" کہا گیا ہے۔ شنائی عبد د $y=111=y_2y_1y_0$ اور $z_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور $y_0=1$ اور اعتداد کے کم رتبی ہندہے، ف راہم کیے حبائیں گے، اور ساتھ ہی چونکہ پہلے ت دم مسین کوئی "داحسلی سامسل" نہیں ہو گالهذا داخسلی حسامسل c_1 نسراہم کیا جائے گا۔ اگلے ت دم میں جن کار کو $y_1=1$ اور z=1 کے ساتھ پہلے ت دم کاحساس $c_0=0$ بطور داخنلی حیاصل، نسراہم کییا جبائے گا، جبکہ آخنے کی جمع کار کو $y_2=0$ اور $z_2=0$ کے ساتھ گزشتہ ت م کا حیاصل دری و شراہم کسا حیائے گا۔ تین بٹ جع کار،ان اعبداد کامج موعب دری ایم کسا حیائے گا۔ تین بٹ جع کار،ان اعبداد کامج موعب دری کار

$$\begin{array}{c}
111 \\
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
111 \\
+ 011 \\
\hline
1010
\end{array}$$

شکل ۷۵ مسیں چونکہ در حب صف رکادا حنلی حسام ل ہمیث 0 ہوگالبذا ایب ال مکسل جمع کار کی بحب نے نصف جمع کار بھی استعال کے حاسکتا ہوئے۔ ایپ کرتے ہوئے ۲۰۵ منسراہم کرنے کی ضرورت نہیں ہو گی۔

زبادہ ہا اعبداد کے محب موعب کے لئے شکل 2.4 مسیں مائیں حیازے مسئرید مکسل جمع کار کااضاف کسیا سیائے گا۔ بول 8 بٹ(یعنی ایک بائٹ)اعبداد کامجسوعہ آٹھ درجی جمع کار دے گا،جو 8 مکسل جمع کاریر مشتمل ہو گا،جب کہ 64 بٹاعبداد کے محب وعبہ کے لئے 64 مکسل جمع کارپر مشتل 64 بٹ جمع کار در کار ہو گا۔



مشكل ٤٠: تين درجي، تين بك جمع كار

مثق ا.۵: مختلوط دور 74283 مپاریک مکسل جمع کارہے (صفحہ ۴۵ پر مختلوط ادوار کے سلسلہ 74xxx کے بارے مسین دوبارہ پڑھسین)۔ اسس کے معسلوماتی صفحات انتشار نیٹ 'اسے صاصل کریں۔ اسس مختلوط دور کو استعال کرتے ہوئے 8 بٹ کے دوشنائی اعساداد جمع کریں۔

۵.۱.۳ منفی کار

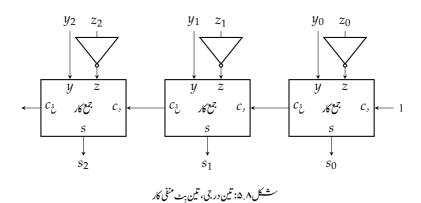
شنائی اعبداد کو کمپیوٹر دوئے تکمسانہ کی مدد سے منفی کر تا ہے۔دو کا تکسانہ استعمال کرتے ہوئے شنائی اعبداد منفی کرنے کے عمسل پر دوبارہ نظس ڈالتے ہیں۔یاد رہب بلسند تر رہب کی جمع سے پیدا، آحنسری حساصسل منسائع کمپیاحباتا ہے،جبکہ اسس کی عنسیر موجود گی مسین بنتیجے کادو کا تکسانہ لیسیاحیا تاہے۔

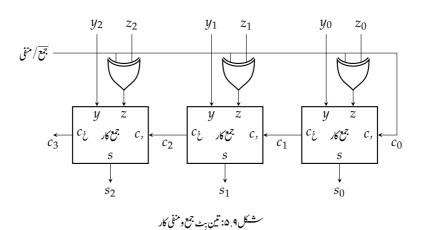
شنائی عبد د کے اس سس منفی ایک تکسلہ (یا متم) کے ساتھ 1 جمع کرنے سے عبد د کااب ہی تکسلہ حسامسل ہو گا۔ عبد د کامتم حسامسل کرنے کی حن طسر عبد د کے ہربٹ کامتم لیا حباتا ہے۔ بٹ کامتم بذریعہ نفی گیٹ لیا حباسکتا سے۔

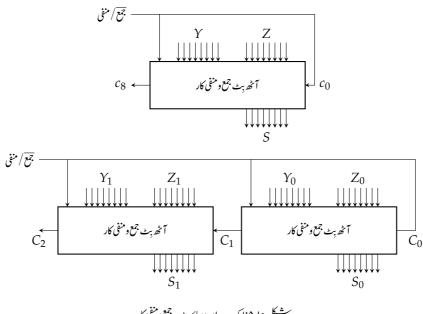
تین بِٹ شنائی اعبداد y اور z = (y - z) حساس کرنے کے لئے z کے متم کے ساتھ 1 اور y جمع کر ناہو گا۔ شکل میں اس عمسل کو عمسلی حباس پہنایا گیا ہے، جباں نفی گیٹ استعال کر کے z کا متم (یا ایک کا تکمسلہ) مسل کیا گیا، اور ساتھ 1 جمع کرنے کی حساط سردر حب صف کوداختلی حساس 1 فسنراہم کیا گیا۔

سشکل ۵. کاور سشکل ۵. ۸ دونوں مسیں مکسل جمع کار استعال ہوئے۔ سشکل ۵. کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کر کے اور داخسلی حساس سل کے دور سے بھی حساسل کے دور سے بھی دور سے دور سے بھی دور سے دور سے بھی دور سے دور س

'انٹ رنیٹ مسیں74283 datasheet تلاشش کریں۔







مشکل ۱۰.۵:ایک اور دوبائٹ جمع ومنفی کار

اسس شکل مسین بلا شیرکت جمع گیٹ استعال کیا گیا،اور ت ابوا شارہ جمع / منفی کاامنساف کیا گیا۔اسس ت ابو اث ارہ کی کار کر دگی پر غور کرتے ہیں۔ جب جج کم منفی اث ارہ بیت (0) ہوبلا شسر کت جمع گیٹ عب د 🛽 جوں کا توں مکسل جمع کار تک پہنچائے گا، اور ساتھ ہی $c_0=0$ ہو گا؛ لہندا ہے دور تین بٹ جع کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

اسس کے برعکس، جمع /منفی ایشارہ بلند (1) ہوبلا شسر کت جمع گیٹ عبد د کے کامتم 🔻 مکمسل جمع کارتک پہنچائے گا،اور ساتھ ہی $c_0=1$ ہو گا؛لہاندا ہے دور تین بٹ منفی کار کی حیثیت سے کام کرے گا۔

ت ابواث ارہ کے نام مسیں "منفی" اور "" لکھ کر ہے واضح کی گیا ہے کہ اث ارہ بلند ہونے کی صورت مسیں منفی کار اور پیت ہونے کی صورے مسیں جمع کار حساصل ہوگا۔

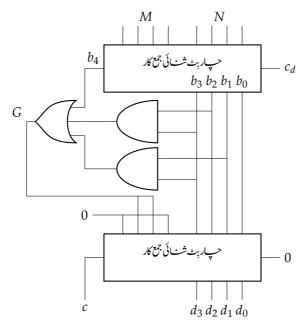
آٹھ بٹ جمع و منفی کار کو ایک بائٹ جمع و منفی کار کہتے ہیں۔ سٹکل ۵. ۱۰ مسین ایک بائٹ اور دوبائٹ جمع و منفی کار د کھائے گئے ہیں۔اسس کے بائیں حبانب مسزید درحبات جوڑ کر متعدد بائٹ کادور بنایاحباسکتا ہے۔ یہاں Y_0 پہلے بائٹ (لعنی بٹ y_0 تا y_0 اگلے بائٹ (مینی بٹ y_8 تا y_{14}) کوظ اہر کرتاہے، جبکہ رک سے مسراد دوسرے بائٹ کی جمع کا

حب ول۵.۳:اعشاری جمع کار کے مطلوب جواب

		شنائی			_	<u> </u>	شن	اعثاری		
b_4	b_3	b_2	b_1	b_0	c	d_3	d_2	d_1	d_0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	2
0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	3
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	4
0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	5
0	0	1	1	0	0	0	1	1	0	6
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	7
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	8
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	9
0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	10
0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	11
0	1	1	0	0	1	0	0	1	0	12
0	1	1	0	1	1	0	0	1	1	13
0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	14
0	1	1	1	1	1	0	1	0	1	15
1	0	0	0	0	1	0	1	1	0	16
1	0	0	0	1	1	0	1	1	1	17
1	0	0	1	0	1	1	0	0	0	18
_ 1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	19

۵.۱.۴ اعثاری جمع کار

binary coded decimal (BCD)"



شکل ۱۱. ۵: شنائی مسرموزاعثاری روی مسیں اعشاری جمع کار

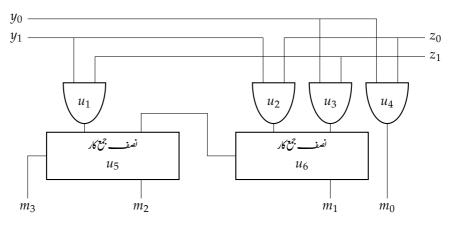
یہاں ایک دلچیپ حقیقت پر غور کرتے ہیں۔ ناصابل مسبول شنائی جواب کے ساتھ 0110₂ شنائی طور جمع کرنے سے درست شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل ہو گا۔ مشلاً، 201010 کے ساتھ 0110₂ جمع کرنے سے 10000₂ مسئل مسرموز اعشاریہ مسین درست جواب ہے۔ یوں 0 تا 9 شنائی جوابات کوجوں کا توں، جبکہ ان سے بڑے جوابات کے ساتھ 0110₂ شنائی طور جمع کرکے شنائی مسرموز اعشاریہ جواب ساصل کے ساتھ ہیں۔

حبدول ہے واضح ہے کہ جب شنائی جمع کار کے جواب میں حنارجی حیاصل b_4 بلند ہو، اس جواب کوشنائی مسرموز اعشار جواب تسلیم نہیں کیا جب سالگا؛ اس کے عبالاوہ جب b_3 بلند ہو تب بھی جواب کوشنائی مسرموز اعشار ہے۔ تسلیم نہیں کیا جب سالگا۔ ان حت اُق کو درج ذیل بوولین مساوات بیان کرتے ہے، جب ان ناف بالی قسبول جواب کی صورت مسیں G بلند ہوگا۔

$$(a.a) G = b_4 + b_3 b_2 + b_3 b_1$$

اسس حقیقت کو استعمال کرتے ہوئے شنائی جمع کار کی مدد سے شنائی مسرموز اعشاریہ جمع کار کا حصول شکل ۱۱.۵ مسیں دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے سازی کرتا دکھایا گیا ہے۔ اگر G پہت ہوئے کو حناری کرتا ہے، جبکہ G بلند ہونے کی صورت مسین ساتھ 20110 جمع کرکے درست شنائی مسرموز اعشاریہ حنارج کرتا ہے۔ جبکہ جبکہ جبکہ جب

۵.۲ شنائی ضرب کار



مشكل ١٢. ٥: دوبث شن أكي ضرب كار

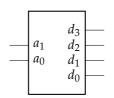
۵.۲ شنائی ضر کار

شن کی ضر ب بالکل اعشاری ضر ب کی طسرح کی حباتی ہے۔ دوبِٹ شنائی اعسداد y اور z کو فشلم و کاعنے کی طسرز پر ضر ب کرتے ہیں۔

اسس مساوات سے حسامسل دوبِٹ شنائی ضرب کار شکل ۱۲.۵ مسیں پیشس ہے۔ زیادہ بِٹ کے ضرب کار بھی ای طسرح تفکیسل دیے حباتے ہیں۔

مثق ۵.۲: شن فی اعب داد 11₂ اور 10₀ جمع کرنے کے متدم مشکل ۱۲.۵ کے دورمسیں کرتے ہوئے د کھائیں۔

ي بك	ا ^{نز} , م _ا	حنارجی بِٹ					
a_0	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0		
0	0	0	0	0	1		
0	1	0	0	1	0		
1	0	0	1	0	0		
1	1	1	0	0	0		



شکل ۱۳.۱۵: دوسے حیار مشناخت کار

مثق ۵٫۳ انٹرنیٹ سے 74284 مختلوط دور کے معسلوماتی صفحات حاصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیا کام سرانحبام دیتاہے؟

۵.۳ شناخت کار

 $(e_{1}+e_{2}+e_{3}+e_{4}+e_{4})$ کو ظاہر کر سکتا ہے، جبکہ n بیٹ n عسلامتوں کو ظاہر کر سکتا ہے۔ ایسا دور جو n مداحن کو دکھ n منف در محنادی مسیں سے ایک جُن سے شافت کار ''اکہا تا ہے۔ اگر شغافت کار کے n مداحن کے متمام ترتیب زیر استعال سنہ لائے گئے ہوں، تب اس سے محناری n ہوں گے۔ شکل n ما مسیں دو سے حپار شغافت کار کی عسلامت اور کار کردگی کا حب دول چیش ہیں۔ داحنی بٹوں کی ہر منف رو ترتیب، حنارتی بٹول مسیں سے ایک مغند دوبے متحنب کرتی ہے۔ یہاں چنی گئی ہے ، شغافت کار یوں بھی تشکیل دی حباستی ہے کہ منتخب بٹ یہ سے ہو۔
مداخنل 00 (حبدول کی پہلی صف) کرنے سے حپار محنارج مسیں سے ایک، یعنی d_0 کی شناخت ہوتی ہے۔ ای طسرح 10 محنارج d_1 کی، 10 محنارج d_2 کی، اور 11 محنارج d_3 کی شناخت کرتے ہیں۔

اگر d پار مختلف جگہمیں، مشلاً، پار گلیاں، یا پار مکان، تصور کی حب نمیں، تب a ان کا پت ہو گا، جس کے ذریعہ ان تک پہنچا مسکن ہو گا۔ ای مشابہت ہے م کو پہنتا کے بھے یا پہنتا بھے "ایاصرف پہنتا اس عدر تا جگہ ہیں۔ عددی برقیات مسین اسس طسر ت جگہ تعمین کرنے والے "پت کے بٹول"کا استعال عمام ہے اور انہمیں، عصوماً، a سے ظاہر کیا حب تا ہے۔ حب تا ہے۔

کی بھی پت کواعث اری روپ مسیں لکھیں ؛ بین معتام منتخب ہوگا۔ یوں 1012 بت معتام d_5 لین کا منتخب کرے گا۔

decoder

address bits

۳.۵. شناخت کار



شكل ١٨.٥: دوباحيار شناخت كار

مشکل ۱۳.۵ مسیں دیے حب ول کو مختارج کے لئے حسل کر کے درج ذیل حساس ہوں گے۔

 $d_0 = \overline{a}_1 \overline{a}_0$

 $d_1 = \overline{a}_1 a_0$

 $d_2 = a_1 \overline{a}_0$

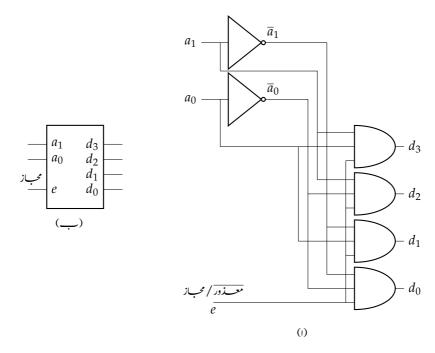
 $d_3 = a_1 a_0$

شکل ۱۳.۵ میں ان مساوات ہے حاصل دوباحبار (2 × 4) شنافت کار پیش اسے، جس کے داختلی بنے کی تعداد دورو (2) ، جبکہ حنارتی بنے کی تعداد حیار (4) ہے۔

شکل ۱۳.۵ مسیں پیش شناخت کار کے تمام ضرب گیٹوں کے ساتھ اضافی صابع مداحسل جوڑ کر محباز و معنذور مصلاحیت کا ۱۳.۵ مسیں پیش ہے۔ شناخت کار بلند و ابواٹ اراد (e) کی صورت مسیں، شناخت کر نے کا محباذ ہوگا، پیت احدارے کی صورت مسیں، شناخت کار معنذور ہوگا اور اس کی صورت مسیں، شناخت کار معنذور ہوگا اور اس کے عملامت پیش کی گئے ہے، جہاں و تابواث اور کی مختصر آ محبان "کہا گیا ہے۔

حبدول ۲.۵ الف مسین محباز و معنزور صلاحی کے شناخت کار کی کارکردگی پیش کی گئی ہے۔اسس حبدول

decoder¹⁰



شكل ۱۵.۱۵: محباز ومعهذ ورصلاحيت كادوباحب ارمشناخت كار

حبدول ۴.۵:محساز ومعب ذور مسلاحیت کاسشناخت کار

(<u>·</u>)										
e	a_1	a_0	d ₃	d_2	d_1	d_0				
0	x	x	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0	1				
1	0	1	0	0	1	0				
1	1	0	0	1	0	0				
1	1	1	1	0	0	0				

			())			
e	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

۵٫۳. شناخت کار

ب دول۵.۵:بلن دغمسل پیسرا، تین با آٹھ مشناخت کار	ا آٹھ مشناخت کار	سل پیسے را، تین با	حبدول۵.۵:بلن ع
---	------------------	--------------------	----------------

$\overline{a_2}$	a_1	a_0	d ₇	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

کو مختصراً جبدول - ب کی صورت مسیں پیش کیا جباتا ہے، جبال پہلی صف مسیں تابو اشارہ پست x کھی a_1 کا اور a_1 کا قیت مسیں a_2 اور a_3 کا گھی۔ a_3 کا گھی۔ a_4 کا گھی۔ a_5 کا گھی۔ جباتی ہے۔ a_5 کا گھی۔ جباتی ہے۔

تین با آٹھ (8 × 3) شناخت کار کا دور حساس کرنے کی حناط سر، تین مداحن کا ایسا حبدول کھتے ہیں جس مسیں مداحن کی ہر ترتیب ایک منف رد محنارج منتخب کرے (حبدول ۵.۵ دیکھیں)۔ چونکہ چنا گیا محنارج بلبند ہوگا، البندا ایسا شناخت کار، بلند عمل پراالہ البلاتا ہے۔ محنارج تف عسلات کی مصاوات، محب وعد ارکان ضرب کی صورت مسین حساس کرتے ہیں۔

$$d_0 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

$$d_1 = \overline{a}_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_2 = \overline{a}_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_3 = \overline{a}_2 a_1 a_0$$

$$d_4 = a_2 \overline{a}_1 \overline{a}_0$$

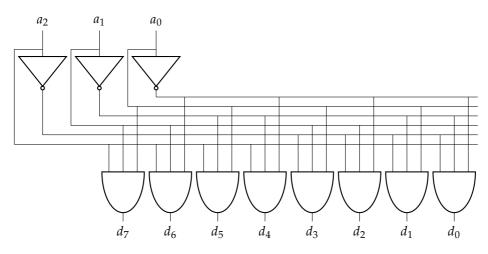
$$d_5 = a_2 \overline{a}_1 a_0$$

$$d_6 = a_2 a_1 \overline{a}_0$$

$$d_7 = a_2 a_1 a_0$$

ان تف عسلات سے حساصل، بلند عمسل پیسرا، تین با آٹھ (8 × 8) شناخت کار شکل ۱۹.۵ مسیں پیش ہے۔
اسس مسیں محباز مداحن کا اضاف کرنے سے محباز و معذور صلاحیت، بلند عمسل پیسرا، تین با آٹھ شناخت
کار حساس او گا جو شکل ۱.۵ مسیں پیش ہے۔ محباز بلند ہونے کی صورت مسیں شناخت کار کام کرے گا، جب پیست محباز کی صورت مسیں شناخت کار ہے۔ حبدول ۱.۵ پیت محباز کی صورت مسیں تمام مضارح پیت رہیں گے؛ ہم کہتے ہیں سے بلند مجاز اشناخت کار ہے۔ حبدول ۱.۵ مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔ پہلی صف مسیں اسس کی کار کردگی پیش کی گئے ہے۔

active high active high



شكل ١٦. ٥: بلند عمل پيرا، تين با آٹھ (8 × 8) شناخت كار

تین مداحن a_1 ، a_0 ، اور a_2 کی قیمتیں اہمیت نہمیں رکھتی؛ ای لئے انہمیں x کھٹ گیب جو a_1 ، اور کتا ہے۔ یہ (پہلی) صف در حقیقت، a_2 مارک کی آٹھ (8) قیتوں، a_3 تا a_4 ، الہذا، آٹھ صفوں کو ظاہر کرتی ہے۔

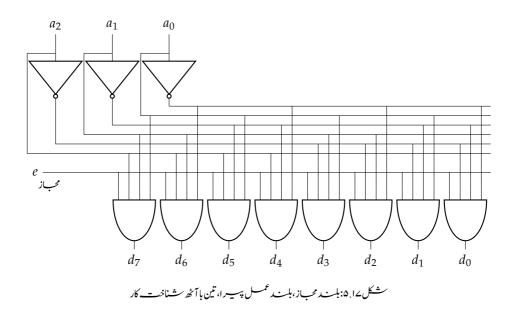
مثق ۲۰.۵: سشکل ۱۵.۵ مسیں دایاں جمع گیا کے کامحنارج کیا ہے؟ باقی محنارج بھی مشکل سے حساسسل کریں۔ کیا ہے۔ حبد ول ۵.۵ پر پورااتر تے ہیں؟

بعض اوت س، ایے سنان کار کی ضرور سے پیش آتی ہے جس کا چن گیا محنار جی پیس ہو۔ایب سنان سے کار پیش ہے، جو صابو کار، پیش ہے، جو سابو ایسان کار پیش ہے، جو صابو اصارہ محب ہو ہے۔ است کی بیت محب ہو ہے۔ است کی بیت محب ہو سازہ محب ہو ہے۔ است کی بیت محب ہو ہے۔ کو سابر کی کو تا ہے کہ جنائی کراتی ہے کہ چنا گیا محنار جی سے محب ہو ہے۔ کو سابر کرتی ہے کہ چنا گیا محاسب محب ہو سے کار اسس صور سے کام کرے گا گا۔ وابد محب ہو سنان میں اسس کا دور پیش ہے کہ شنان سے کار اسس صور سے کام کرے گا جب و سابو اصارہ پر بھی شکل ہے۔ اور و سابر است کی دور پیش ہے، جو سنکل کے اسس طرب گیا ہے۔ کہ محتم ضرب گیا ہے۔ دور سابر است کی بیٹ مناک کرنے سے سابر ہوگا۔

شكل ١٩٠٥ مسين تين با آخه مشناخت كاركى عسلامتين پيش بين- شكل-الف مسين بلند محباز، بلند عمسل پهيرا،

active low active low

۵.۳ شناخت کار

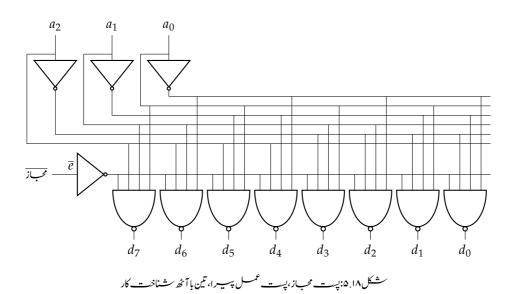


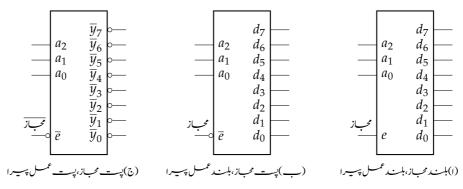
حبدول ۲.۵:بلند محباز،بلند عمل پیسرا، تین با آٹھ شناخت کار

e	a_2	a_1	a_0	d ₇	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

م مل پیرا، تین با آٹھ شناخت کار	حبدول ۷.۵:پیپ محیاز،پیپ
	بررن <u>.</u>

\overline{e}	a_2	a_1	a_0	\overline{y}_7	\overline{y}_6	\overline{y}_5	\overline{y}_4	\overline{y}_3	\overline{y}_2	\overline{y}_1	\overline{y}_0
1	х	х	х	1	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1
0	0	1	0	1	1	1	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1





شكل ١٩. ٥: تين با آځه شناخت كار كې مختلف اقسام كې عسلامت ين ـ

شکل-ب مسیں پرت محباز، بلند عمل پیرا اور شکل-ج مسیں پرت محباز، پرت عمل پیرا اور سکل-ج مسیں پرت محباز، پرت عمل پیرا روپ وکھائے گئے ہیں۔ ان عملامتوں مسیں حنارجی پنیوں پر گول دائرہ اس بات کی تقین دہانی کراتا ہے کہ منتخب ہونے کی صورت مسیں سے بیٹ پرت ہوگا۔ ای طسرح متابوبٹ پر گول دائرہ یاد دہانی کراتا ہے کہ مشناخت کار صرف اسس صورت مجباز ہوگا جب سے اشارہ پرت ہو۔

مثق ۵.۵: انٹرنیٹ سے 8 × 3 پست عمسل پیرانشنانت کارے مختلوط دور 74138 کے معسلوماتی صفحات حساصل کریں۔ اسس مختلوط دور کا"دورانیہ رد عمسل "کتناہے؟

۵.۴ شناخت کار کی مد دسے تف عسل کا حصول

ہر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے مجبوعہ کے روپ مسین حساسل کی حباستی ہے۔ چونکہ سناخت کار تمسام مکن ارکان ضرب فنسراہم کرتا ہے، البذا اسس کے ساتھ جمع گیٹ جوڑ کر تفاعسل کو عمسلی حباسہ پہنایاحباسکتاہے۔ کی طسریقہ کارایک مشال کی مدوسے سیکھے ہیں۔

مثال ۵۱۱ کسل جمع کار کوشناخت کار کی مدد سے ار کان ضرب استعال کرتے ہوئے حساسسل کریں۔

حل: تحمل جمع کار کی کار کر د گی جدول ۸.۵ مسیں پیش ہے، جہاں بن x_0 اور y_0 کے ساتھ داختلی حاصل c_0 جمع ہو کر وہندار جی حاصل c_1 پیداہوگا۔

حبدول ۵.۸: مکسل جمع کار کی کار کردگی (برائے مشال ۸.۵)

x_0	y_0	c_0	c_1	s_0
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

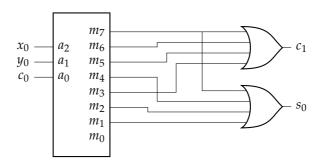
حبدول ۹.۵: تین با آٹھ شناخت کارار کان ضرب دیت ہے (برائے مشال ۱.۵)

x_0	y_0	c_0	m_7	m_6	m_5	m_4	m_3	m_2	m_1	m_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

اسس حبدول سے درج ذیل مساوات حساسل ہوتی ہیں۔

$$\begin{array}{ccc} c_1 = \overline{x}_0 y_0 c_0 + x_0 \overline{y}_0 c_0 + x_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \\ s_0 = \overline{x}_0 \, \overline{y}_0 c_0 + \overline{x}_0 y_0 \overline{c}_0 + x_0 \overline{y}_0 \, \overline{c}_0 + x_0 y_0 c_0 \end{array}$$

تین سے آٹھ مشناخت کار حبدول ۹.۵ مسیں پیش ہے، جہاں منار جی بٹ کومط بقتی ارکان ضرب لکھ گیا ہے۔ یوں درج



شکل ۲۰ شناخت کار کی مدد سے مکسل جمع کار کاحصول

ذیل ہوں گے۔

$$m_{7} = x_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{6} = x_{0}y_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{5} = x_{0}\overline{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{4} = x_{0}\overline{y}_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{3} = \overline{x}_{0}y_{0}c_{0}$$

$$m_{2} = \overline{x}_{0}y_{0}\overline{c}_{0}$$

$$m_{1} = \overline{x}_{0}\overline{y}_{0}c_{0}$$

$$m_{0} = \overline{x}_{0}\overline{y}_{0}\overline{c}_{0}$$

مساوات 2.۵ کو دیکھتے ہوئے مساوات ۲۰۵۵ درج ذیل لکھی حباستی ہیں، جن سے مکسل جمع کار کا شکل ۲۰۰۵ حساسل ہوگا۔

(a.A)
$$c_1 = m_3 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7) s_0 = m_1 + m_2 + m_4 + m_7 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

ہے تمام عمسل نہایت آسان بنایا حبا سکتا ہے اگر حبدول ۸.۵ مسیں ارکان ضرب کا حنامہ بن یا حبائے (حبدول ۱۰.۵ ویکھسیں)۔ اسس طسرز پر حبدول ککھ کر تفاعسل کی مساوات، ارکان ضرب کے روپ مسیں حساسل کی حباسکتی ہے۔اسس حبدول کودکھ کرمطاوب جواب فوراً لکھا حباسکتی ہے۔

$$c_1 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$$

$$s_0 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

حب دول ۱۰۵۰ مسل جس کار ہے ار کان صر (برائے مت ال ۱۰۵۰)	ح کارکے ارکان ضر ب (برائے مشال ۱.۵)	ئىيەدول ١٠.٥: مكمسل جمع ً
--	-------------------------------------	---------------------------

x_0	y_0	c_0	$ c_1 $	s_0	m
0	0	0	0	0	m_0
0	0	1	0	1	m_1
0	1	0	0	1	m_2
0	1	1	1	0	m_3
1	0	0	0	1	m_4
1	0	1	1	0	m_5
1	1	0	1	0	m_6
1	1	1	1	1	m_7

 $e \longrightarrow \frac{d_3}{d_2}$ و d_1 احتار جی مواد d_0 و احتار مواد و احتار م

شکل ۱۵۲۱ یک سے حیار حنارجی منتخب کار کا تصور۔

۵.۵ داخنگی منتخب کار اور حن ارجی منتخب کار

ایس دور جوا کلوتے مداحنل پر مہیاشنائی مواد کو 2ⁿ محنارج مسین کسی بھی ایک پر بھیج سے ف**ارجی منتخب کار ۴** کہا تا ہے۔ مطلوب محنارج کی نشاندہی 11 بٹ پت کرتا ہے۔

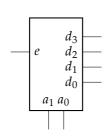
ایسا دور جو 2ⁿ مداحن مسین کی بھی ایک پر مہیاشنائی مواد کو اکلوتے مینارج پر بھیج سے **داخلی منتخب کا**را^م کہلا تا ہے۔ مطلوب مداحن کی نشاند ہی 1 بن ہے کر تا ہے۔

ا.۵.۵ حنارجی منتخب کار

سشکل ۲۱.۵مسیں حنارجی منتخب کار کا تصور چیش کیا گیاہے، جہاں مداحنل e پر آمد شنائی مواد کو، تیجی سونج کے ذرایعہ، حیار مختلف حنارجی راستوں بھیجیا حیاسکتا ہے۔

محباز و معب زور صبلاحیت کاشناخت کار بھی ہے کام سسرانحبام دے سکتا ہے۔ یہ دیکھنے کی حناطسر حبدول ۴.۵ کو یہباں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

demultiplexer**
multiplexer**



е	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

شکل ۵.۲۲ ایک سے حیار (1 × 4) منارجی منتخب کار

e	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

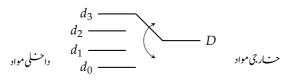
جبدول مسیں a_1a_0 کو دوبٹ پت، e کو داخنگی مواد، اور d_0 تا e کو حپار محنارج راستے تصور کریں۔ حبدول کی پہلی اور پانچویں صف پر نظر رکھسیں، جہاں a_1a_0 دوبٹ پت، e منارج e منارج کو منارج کا گھیستیں ہے گاہ کہ منابہ کی قیمت مسیں a_1a_0 کی قیمت داخنگی مواد e جبکہ پانچویں صف مسیں e میں e کی قیمت کی مطابقتی قیمتیں ہی ہیں۔ پہلی صف مسیں e کی قیمت e کی قیمت کی جب کی صف مسیں اسس کی قیمت e ہے۔ منارج پس منارج پست رہیں گے۔

باقی تین پے 01 ، 10 ، اور 11 بالت رتیب d_2 ، d_2 ، اور d_3 اور d_3 اور d_3 اور d_3 اور وہی مواد ہور داخت e پر ہور مواد ہور داخت و پر ہور است رتیب میں مواد ہور کا کا مواد ہور کا مواد

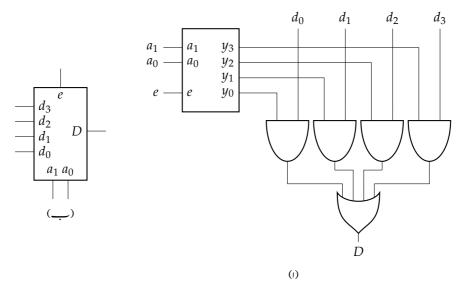
اسس جبدول مسیں صفوں کی ترتیب نو کر کے مشکل ۲۲.۵ مسیں پیش جبدول کی صور یہ مسیں لکھا جب بھواسس کی کار کر دگی بطور حسار ہی منتخب کار دافتے کر تا ہے۔اسس مشکل مسیں (4 × 1) منتخب کار کی عسلامت بھی پیش ہے۔

۵.۵.۲ داخنگی منتخب کار

سٹکل ۲۳.۵ سیں داخنلی فتخیب کار کا تصور پیش کیا گیا ہے، جہاں پیچی سونچ کے ذریعہ d_0 تا d_0 مواد محنارج منقتل کیا جہا سکتا ہے۔



شکل ۲۰. ۱۲: حیار سے ایک دا^{حن}لی منتخب کار کا تصور۔

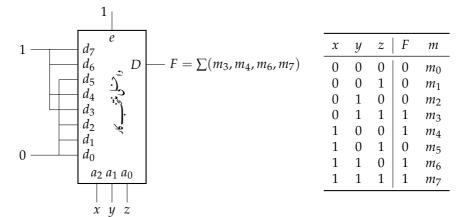


شکل ۵.۲۴ دیارے ایک (4 × 1) داختلی منتخب کار۔

دا حنلی متخف کار کو مشناخت کار کی مدد سے مشکل ۲۳.۵ مسیں حیاصل کیا گیا ہے؛ مشکل ۔ ب مسین اس کی عمدامت پیش ہے۔ یہاں محباز و معد ذور صلاحیت کا حاسناخت کار استعال کرکے محباز و معد ذور صلاحیت کا داخنگی منتخب کار حیاصل کیا گیا۔ ایسا مشناخت کار جس مسین متابو امشارہ سے ہو، استعال کرتے ہوئے حیاصل داخنگی منتخب کار مسین بھی محباز و معد ذور متابوات رہ نہیں ہوگا۔

میباز کردہ سشناخت کار 00 پت کی صورت مسیں y_0 بلند کرے گا، جبکہ y_1 اور y_3 پست رہیں گے۔ بول دائیں تین ضرب گیٹ پست رہیں گے، جبکہ بایاں گیٹ d_0 حنارج کرے گا۔ وتابو اسٹارہ و و پست کرنے کے داختلی مشناخت کار معد ذور ہوگا اور 0 حنارج کرے گا۔

ت کی کر لیں کہ محباز حسال مسیں، پت کے دوہِت a_0 اور a_1 ، حپار مداحنل d_0 تا d_1 ، مسیں سے ایک کو منتخب کر کے حسارج کر تا ہے۔



شکل ۵٫۲۵: دا حسلی منتخب کار سے تف عسل کا حصول (برائے مشال ۲۰۵)

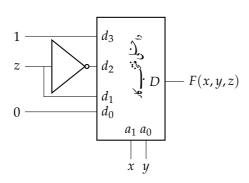
مثق ٥٠١٪ انٹرنیٹ سے 74153 کے معلوماتی صفحات ساصل کریں۔ یہ مختلوط دور کیاکام سرانحبام دیتا ہے؟

۵.۵.۳ داخنلی منتخب کارسے تفعل کا حصول

مثال ۵.۲: درج ذیل تفعل 1 × 8 داختلی منتخب کارسے حساصل کریں۔

$$F(x,y,z) = \sum (m_3, m_4, m_6, m_7)$$

 8×1 کو xyz سے تف عسل کے تین آزاد متغیبرات xyz میں پیش ہے۔ تف عسل کے تین آزاد متغیبرات xyz کو xyz در احسنی منتخب کارکے آٹھ مداحسل d_0 تا d_0 میں ہے۔ واحسنی منتخب کارکے آٹھ مداحسل d_0 میں ہیں ہیں ہے۔ در احسنی منتخب کارکو محباز d_0 کو میں پیش ہے۔ داحسنی منتخب کارکو محباز d_0 کو مصالب ہوگا، جو مسئل ۲۵.۵ مسیں پیش ہے۔ داحسنی منتخب کارکو محباز e=1) رکھا گیا ہے۔



y		F	
0	0	0	F = 0
0	1	0	$\Gamma = 0$
1	0	0	F = z
1	1	1	F = Z
0	0	1	$F = \overline{z}$
0	1	0	F = Z
1	0	1	F = 1
1	1	1	r = 1
	0 0 1 1 0 0	0 0 0 1 1 0 1 1 0 0 0 1 1 0	$\begin{array}{c cccc} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{array}$ $\begin{array}{c cccc} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{array}$ $\begin{array}{c cccc} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{array}$ $\begin{array}{c cccc} 1 & 0 & 1 \end{array}$

مشکل ۲۶،۵۰۲۱ خنلی منتخب کارسے تف عسل کا حصول (برائے مشال ۳۰۵)

یوں پتہ 000 ، 001 ، 000 ، اور 101 کی صورت مسیں داختلی منتخب کار بالت رتیب d_1 ، d_0 ، اور d_5 ، اور d_5 بر فسند راہم مواد حن ارج کرے گا؛ ان تمسام کو پست رکھ کر در کار تغساع سل کی پست صورت حساس ہوگا۔ ای طسرح پت 110 ، 100 ، اور d_7 کی صورت مسیں بالت رتیب d_6 ، d_4 ، d_6 ، d_6 ، d_7 کی مواد حن ارج ہوں گے؛ انہمیں بلت در کھ کر تغساع سل کی بلند دصورت حساس ہوگا۔ کی ایک لیجہ پر پت صرف ایک قیمت رکھ سکتا ہے۔

n آزاد متغیر تف عسل، (n-1) پت بِٹ کے داخشلی منتخب کار سے بھی حسامسل کیا جب بیاں کوئی بھی (n-1) متغیر استعال منتخب کارکے پت استعال ہوں گے، جب ایک متغیر بطور مداخشل استعال ہوگا۔ (n-1) ایک مثال کی مدد ہے ایک کر اسکیقے ہیں۔

مثال ۱۵.۳ درج بالا مثال میں دیا گیا تفاصل $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$ دو پتہ بِٹ کے $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$ دو پتہ بِٹ کے 4×1

سنگل ۲۲۰ میں اس جب ول سے حساصل دور دکھیایا گیا ہے، جہاں (محباز و معیذور صلاحیت نے رکھے والا) 4×1 واحنی نتخب کار استعال کیا گیا۔ پت 00 کی صورت مسیں داحنلی نتخب کار مداحنل کی گئے۔ ای مواد حنارج کرے گا۔ پیل d_0 پر d_0 مہیا کر کے اس صورت مسیں تناعمل کی درست قیت حساسل کی گئے۔ ای طسرح 0 کی صورت مسیں 0 کامواد حنارج کسیاحب کے گا، لہذا یہاں متغیر 0 صورت مسیں 0 کامواد حنارج کسیاحب کے گا، لہذا یہاں متغیر 0 کی صورت مسیں 0 کامواد حنارج کسیاحب کے گا، لہذا یہاں متغیر 0 کی حورت مسیں 0 کی درست قیت حساسل کی گئے۔ ای طسرح 0 کا مواد محنارج کسیاحب کے گا، لہذا ا

۵.۲ متوازی شن کی ضرب کار

xy = 11 کی صورت میں \overline{z} فنسراہم کر کے تفاصل کی درست قیمت حیاصل کی گئی، اور آخنبر میں \overline{z} کی صورت میں تفاعل بدرہت ہے، لہذا z کی z مہیاکیا گیا۔

۵.۲ متوازی شنائی ضرب کار

حبابی اعسال مسین ضرب کا کردار کلیدی ہے۔ شنگی اعسداد کی ضرب کا عمسل بالکل اعشاری اعسداد کی ضرب کی طرب کی طرب درج ذیل ہے، جہاں ان شنائی اعسداد کو a_1a_0 اور a_1a_0 کھا گھا گھا ہے۔ دوبِٹ شنائی اعسداد کو a_1a_0 کا کھا گھا ہے۔

یہاں درج ذیل ہوں گے، جنہیں شنائی جمع کار کی مساوات ۵.۱ کی مدد سے حساسسل کیا گیا، اور جن سے مشکل ۲۷.۵ مسین پیش، دوہِٹ متوازی شنائی ضرب کار حسامسل ہوگا۔

$$p_0 = a_0 b_0$$

$$p_1 = (a_1 b_0) \oplus (a_0 b_1)$$

$$p_2 = (a_1 b_1) \oplus (a_1 b_0 a_0 b_1)$$

$$p_3 = a_1 b_1 a_1 b_0 a_0 b_1 = a_1 a_0 b_1 b_0$$

اگر حپ زیادہ بِٹ ضرب کار اسس طسریق کارے تشکیل دیے حب سے ہیں؛ برقتمی ہے، اعبداد کے بِٹ کی تعبداد بڑھانے سے ضرب کار مسین درکار گیٹوں کی تعبداد بہت سینزی ہے بڑھتی ہے (محض آٹھ یا سولہ بٹ ضرب کار مسین بھی مستعمل گیٹوں کی تعبداد بہت زیادہ ہوگی)، المہذاایب کرنامہنگا ثابت ہوگا۔ عصوماً زیادہ بٹ کے ضرب کار مکسل جمع کارکی مددسے حساصل کیے حباتے ہیں۔ اسس طسریق کو تین ہٹ شنائی اعبداد کی ضرب کو مثال بن کر سیکھتے ہیں۔

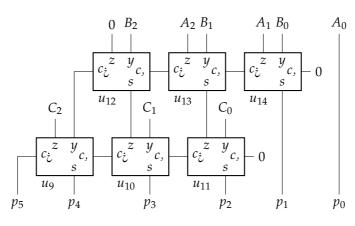
تین بِٹ اعبداد b2b1b0 اور a2a1a0 کی ضرب درج ذیل ہے، جس سے شکل ۲۸.۵ مسیں پیش تین بِٹ شنائی ضرب کارسائے۔ مال علی کارسن کے حسائی اور کے اسال مولات کارسن کے حسائی خارب کارسن کے حسائی میں۔

$$(\textbf{a}.\textbf{q}) \begin{tabular}{c|cccc} & b_1 & b_0 \\ & a_2 & a_1 & a_0 \\ \hline & a_0b_2 & a_0b_1 & a_0b_0 \\ & & a_1b_2 & a_1b_1 & a_1b_0 \\ & & a_2b_2 & a_2b_1 & a_2b_0 \\ \hline & p_5 & p_4 & p_3 & p_2 & p_1 & p_0 \\ \hline \end{tabular}$$



۲.۵. متوازی شب اکی ضرب کار





مشكل ٥٠٢٨: تين بِك شن ا كَي ضرب كار

اسس شکل مسیں 9 ضرب گیٹ اور 6 مکسل جح کار مستعمل ہیں۔ ضرب گیٹ u_1 مداحسل a_0 اور b_1 کا منطق a_0 منطق خرب a_1 و مرسک کے گار a_1 کا a_1 کا a_1 کا مرسک میں a_1 و مرسک کے گار a_1 کا a_2 کار نام دونوں مداحس کو سے گار نام سے پارائی میں میں تاریج و شور نام سے پارائی و نوس کو آپس مسیں تاریج و ڑنے کے مسراد و سے ب

اب ٢

معساصر ترتثيبي منطق اور ادوار

منطق میں، عبوماً، دو متف د صورتیں سامنے آتی ہیں، مثلاً، بلند اور پیت، صادق اور کاذہ، صادق اور کاذہ، منطق میں، عبوماً، دو متف دی برقیات میں 1 اور 0 سے ظاہر کیاجہ تاہے۔ یوں، اگر بلند کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ گر تہ پیت کو 0 ظاہر کرے گا، اور اگر بلند کو 0 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کیاجہ گا۔ تب کاذب کو 0 ظاہر کرے گا۔ اگر صادق کو 1 سے ظاہر کیاجہ گا۔ کاذب کو 0 قاہر کیاجہ گا۔ گا۔ منظم کی دباوے ظاہر کرنے گا۔ منظم کی دباوے ظاہر کرنے کو گا۔ منطقی نظام اسم ہیں۔ اس کتاب مسین بہی نظام استعال ہوگا۔

ہم اسس کو اُلٹ کرے 1 کو صف روولٹ (0 V) اور 0 کو مثبت پائج وولٹ (5 V) سے ظاہر کر سکتے ہیں، جو منفی منطقی نظام اکہا تاہے۔

اب تک، ہم شنائی گیول کا مطالعہ کرتے رہے ہیں، جن کا محنارج اُسی لمحہ سبدیل ہو حباتا ہے جس کمے ان کے مداحنل سبدیل ہو حباتا ہے جس کمے ان کے مداحنل سبدیل ہونے کے باوجود، محنارج کو مداحنل سبدیل ہونے کے باوجود، محنارج کو ایپ حسال مسین برمت رارر کھ سسکتی ہے۔اسس قتم کے ادوار پلاھے کار مہا کہا تا ہا اُس جن کے دومتضاد محنارج ہوں گے۔

پلٹ کارایک شنائی ہندسہ (ایک بٹ) ذخیرہ کرنے کی صالحیت رکھتا ہے، البذااس کو **ما فظر ''** کے طور استعال کی حب سکتا ہے۔ پلٹ کاراستعال کرتے ہوئے گ<mark>رفتے کار⁴، وغیرہ تفکیل دیے جب تے ہیں۔ اس باب مسی</mark>ں پلٹ کار اور اس پر مسبئی معاصر ا**دوار** پر غور کیا حب کے گا۔ مصاصر ادوار وہ ادوار ہیں جن کے تمام جھے صدم ملاکر سے ہیں۔

positive logic system

negative logic system

flip flop

memory counter



شكل ٢: كناره حيثرها أبي اور كناره اترائي

السير المساح
شنائی ادوار کی کار کردگی پر تبعسرہ کرنے سے پہلے چند تکننے کی اصطبلات جبان ضروری ہے۔ شکل ۱. اسین گین کامخنارج بلند ہو کر دوبارہ پست ہوتا دکھایا گیا، جبال (وقت ل کے ساتھ دائیں رخ جپلے ہوئے) پہلے کمنارے کو کنارہ پڑھائی آیا مثب کنارہ ²، جب کہ دوسرے کو کنارہ اترائی ^۸یامنھی کنارہ ⁹ب گیا۔ محنارج کاحال یکدم تبدیل ہوتا دکھایا گیا، جو درست نہیں۔

برقیاتی گیٹ نہایت بچت ہوتے ہیں، جو محسّان کو پہنے سے بلندیا بلند سے پہنے ہہت کم دورانیوں مسیں کرتے ہیں۔ سیہ دورانے کم مفرور، لسیکن صف رنہیں ہوتے۔ برقی الشارہ، روسشنی کی رفت ارسے بھی سفسر کرتے ہوئے، داحسلی پنیا سے حسّار بی پنچ کا منفی گیٹ مشال بن کر حقیقی دورانیوں پر غور کرتے ہیں (جو باتی گیٹوں کے لئے بھی درست ہوگا، ادر تمسام معسلومات اسس حقیقت کو ذہن مسیس رکھتے ہوئے، جسس کی حیائیں گا۔

شکل ۲.۱ مسیں نفی گیٹ کا مداحسل (بالائی ترسیم) اور محسارج (محیالی ترسیم) بیک وقت و کھائے گئے ہیں، جہاں ددرانیوں کوبڑھا حسار پیش کیا گیا ہے۔

بلت دے پست حسال پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ اترائی** اور پست سے بلت پینچنے کے دورانیہ کو **دورانیہ پڑھائی** "کتے ہیں۔ان دورانیوں کی پیپ کشش کی وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔دا^{حن}لی برقی امشارہ بھی کی گیٹ سے آتا ہو گا،لہنہ اسے بھی پست ہونے مسیں وقت گزارے گا۔

مداحن تبدیل ہوتے ہی محنارج تبدیل نہیں ہو حباتا، بکد کچھ دیریوں محسوسس ہوتا ہے جیسے مداحن کا محنارج پر کوئی اثر نہیں۔مداحن کے کسنارہ حپڑھائی پر غور کریں۔مداحن کے بلسند ہونے کے باوجود، محنارج کچھ دیر بلسند رہت ہے۔ یہ نامتابل وتسبول صورت حسال ہے، جس پرعد دی ادوار کے تفکیل کے دوران نظر ررکھنی ضروری ہے۔مداحن بلسند ہونے کے کچھ وقف بعد محنارج نبیاحیال اختیار کرتا ہے۔اسس وقف کو دوران بھر رد عمل ساسح ہیں۔دورانیے رد عمس ناسیے کی

rising edge

positive going edge

falling edge

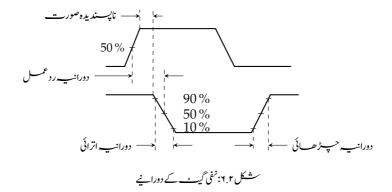
negative going edge

fall time

rise time"

propagation delay"

111 ۲.۲. پلے کار



وضاحت شکل مسیں کی گئی ہے۔ برقب آتی گیٹوں کے دورانب اترائی، دورانب حب رهائی، اور دورانب رد عمسل، عسوماً، چند نسینوسیکنڈ ہوں گے۔

کار حنانے مسیں گیٹ سازی کے دوران، احب زاء مسیں معمولی سے معمولی فٹ رق کی بنا(ایک قتم کے دو) گیٹوں کے دورانے تجھی ایک جیسے نہیں ہوں گے۔ان مسیں 10^{-9} سیکنڈ کانہیں تو 10^{-12} سیکنڈ کافٹ رق ضرور ہو گا، جو عمب ررسید گی کے ب تھ اورا ستعال کے حبالات (در حب حسرار ہے ، نمی، دیاد، وغیب رہ) سے تب دیل ہوں گے۔

مثق ا. ۲: انٹرنیٹ سے 74xx اور 74Hxx سللہ کے دورانیوں مسین فنسرق دریافت کریں۔

۲.۲ يليك كار

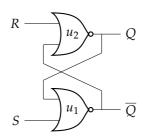
شکل ۲. ۳ مسیں الیریں کر اللہ کار کا دور اور حبدول پیش ہیں۔ پلٹ کار کو، روایتاً، مداحسٰل کے نام "اسے پیکاراحیا تاہے، جو بہاں لاطینی حسرون "ایس" ۱۵ اور "آر "اکا ہیں۔ پلٹ کار کے دومتف و محنارج ہوں گے، جنہیں Q اور \overline{Q} سے ظاہر کیا جباتا ہے۔ یوں، اگر محنارج Q کی قیت 1 ہو، تب محنارج \overline{Q} کی قیت 0 ہو گی، اور اگر Q=0 ہو تب

شكل ٣٠١مسين متم جمع گيٺ ١١ كامخنارج، متم جمع گيٺ ١١ كاايك مداحنل، اور ١١ كامخنارج، ١١ كاايك مداحناں ہے۔متم جمع 11 کے محنارج پر نظرر کھیں؛ پ محنارج، 10 کاایک مداحناں ہے،البذااس کے محنارج پر

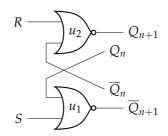
Set-Reset Flip Flop, (SR FF)

الیائے کارکے مداحن انگریزی الفاظ Set اور Reset کے سرحسرف S اور R ہیں۔

S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}	
0 0 1	0 1 0 1	Q_n 0 1	\overline{Q}_n 1 0	بر متسرار حسال پست حسال بلت د حسال ممنوعب حسال



شكل ٢٠.٣: بلن د فعيال مداحسل ايسس آريلي كار



شکل ۲۰٫۷: موجو دہ محنارج سے الگلے محنارج کا حصول۔

اثرانداز ہو گا؛ لیکن u_2 کامٹارٹ u_1 کاایک مداحنل ہے، جو u_1 کے مختارتی پراثرانداز ہو گا؛ یوں u_1 کامٹارٹ، خود پراثرانداز ہو گا! اسس عمسل کو بازر ہو سے استح ہیں۔

ایسانشارہ،مشلاً \overline{Q} ، جو خود پر اثرانداز ہو **بازر سی اشارہ**^۱۸ کہا تاہے۔

یہاں Q اور \overline{Q} دونوں بطور بازری اخدارات استعال کے گئے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ Q کی قیمت حبائے کے لئے \overline{Q} کی قیمت معلوم ہونا ضروری ہے، لسیکن \overline{Q} کی قیمت صرف اسس صورت معلوم ہو سکتی ہے جب Q کی قیمت معلوم ہو! آئیں اسس یلنے کار کاحب ول حساص کریں۔

 \overline{Q}_n ، Q_n اور \overline{Q}_n کلسے ہیں۔اب (بازری) مداحنل n کارے (n فتدم گزرنے کے بعب) موجودہ محنارج کو n اور سادہ مداحنل n ، n کودیکھتے ہوئے (n+1 وال قسدم گزرنے کے بعب) متوقع محنارج حساصل کرتے ہیں، جنہ میں ہم \overline{Q}_n اور \overline{Q}_{n+1} کلسے ہیں۔ اسس کی تصوراتی صورت مشکل n ، n مسین پیش ہے۔ \overline{Q}_{n+1} اور \overline{Q}_{n+1} بھر ایک کار جم مسین پیش ہے۔

سیں الائی گیٹ (u_2) کے اگلے منارج Q_{n+1} کو موجودہ مداحنل R اور \overline{Q} کے رویہ مسیں کھتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = \overline{R + \overline{Q}_n}$$

جیا آیے نے شکل ۲.۱مسیں دیکھا، گیٹ کامخنارج، دورانیہ رد عمسل گزرنے کے بعد، مداحسل کے تحت حسال

feedback12

feedback signal 1A

۲.۲. پلیئے کار

حبدول ۲:۱یس آرپلیک کار (مساوات ۲.۳ اور مساوات ۲.۸)

S	R	Q_n	\overline{Q}_{n+1}
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0
		()	

S	R	Q_n	Q_{n+1}
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0
		(1)	

افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ \overline{Q}_n اور مداحن R جب نئی قیمت افتیار کریں، گیٹ کچھ دیر بعب دنئی قیمت Q_{n+1} افتیار کرتا ہے۔ یوں موجودہ Q_n اور مداحن کے جب

نحی گیٹ (u₁) کے محنارج کی مساوات درج ذیل ہو گی۔ ہے گیٹ بھی مدا^{حن}ل شبدیل ہونے کے کچھ دیر بعسہ محنارج شبدیل کرے گا۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + Q_n}$$

بالائی گیٹ کی حشارجی مساوات حساس کرنے کی عشیر ض سے مساوات ۲٫۱ کومساوات ۲٫۱ امسیں ڈال کر مسئلہ ڈی مار کن سے حسل کرتے ہیں۔

(1.7)
$$Q_{n+1} = \overline{R + (\overline{S + Q_n})}$$

$$= \overline{R}(\overline{S + Q_n})$$

$$= \overline{R}(S + Q_n)$$

 Q_{n+1} ، اور Q_n ، اور

ای طسرح سشکل ۴.۲ مسیں نحیلی گیٹ کی حضارتی مصاوات حساسل کرنے کی عضرض سے مصاوات ۱.۱ کو مصاوات ۲.۲ مسیں ڈال کرمسئلہ ڈی مار گن سے حسل کرتے ہیں۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + (\overline{R + \overline{Q}_n})}$$

$$= \overline{S}(\overline{\overline{R + \overline{Q}_n}})$$

$$= \overline{S}(R + \overline{Q}_n)$$

ماوت ۲.۲ میں متغیرات \overline{Q}_n ، اور \overline{Q}_n آزاد متغیرات تصور کر کے تابع متغیر \overline{Q}_{n+1} کو حبدول ۲.۱ \overline{Q}_n میں بالت رتیب \overline{S} اور \overline{Q}_n کے روپ میں موجود ہیں۔)

حبدول ۱.۱-الف اور ب کو S اور R کی قیتوں کے لحاظ سے حپار حصوں مسیں تقسیم کیا گیا۔ پہلے حسہ مسیں S=0 اور S=0 کی قیت S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0 کی قیت میں ایس آر پلانے کار "بروت رارحال" ہوگا۔ جبدول – بسمیں O کی قیت ، جبدول – الف مسیں O کی قیت ، جبدول – الف مسیں O کی قیت کی متم ہے ۔ ہم حیا ہے بھی کہی ہیں ایس (کہ پلٹ کار کے دو محتار ج آپ سے متن دہوں)۔

دوسے مسین S=0 اور R=1 اور R=1 ہے، جبکہ Q_{n+1} پیسے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں، ان مداحنل کے لئے ایس آر پیسے کار" پیسے حال" ہوگا۔ یہاں بھی (حبدول-الف اور بے تحت) نئے محنارج ایک دوسے کے متعنا د ہیں۔ Q_{n+1} بیں۔ بیں۔ بیں۔ بیں۔

تیسرے حصہ مسیں S=1 اور R=0 ہے،جبکہ پلٹ کار "بلت دحال" ہے۔

 Q_{n+1} اور S=1 المرد أدام المرد أ

ان حت اُق کو مشکل ۳.۲ کے حبدول مسیں پیش کسیا گسیا (جو پلٹ کار کا حبدول لکھنے کا درسی طسریقہ ہے)، جہاں آ منسری صف مسیں ? لکھ کرواضح کسیاحیا تاہے کہ ان صف کے مداحن استعال سنہ کے حب میں۔

ایس آرپیٹ کارکھ کارکر دگھ

	SR	Q_{n+1}	
	00	Q_n	بر فتسرار حسال
(1.0)	01	0	پست حسال
	10	1	بلندحسال
	11	?	ممنوعب حسال

پائے کارکی بات کرتے وقت Q کی قیت کو پائے کار کا مالی 11 تین ۔ یوں Q=1 کی صورت مسیں پائے کار بلند مالی 11 یاصاد ق مالی 12 باسائے گا۔

حبدول سے ظاہر ہے کہ جب S بلند ہو، پلٹ کار بلند حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں، مداحنل S ، بلند صورت مسیں فعال S ، مار مسل کہ وہ مداحنل جو بلند صورت صین فعال S میں بات ہے۔ جب بلند فعال مداحنل، پیت ہو، مشان S ، ہم کتے ہیں ہے غیر

state

high state

true state

low state

ise state

active

active high ra

active low

فعال السامسيں) ہے۔ یوں اسس پائے کار کابہتر نام بلند فعال مداخل ایس آرپلے کار ہوگا۔

پلٹ کارخود اسس صورت فعب ال کہا تاہے جب Q=1 ہو۔ پت فعب ال مداحت اور محت ان \overline{Q}) کے نام پر لکسیسر کھنٹی کر اسس کی پیت فعب ال حیثیت واضح کی حب تی ہے؛ مسندید، پلٹ کار کی عملامت مسین پست فعب ال (مداحت ال اور محت ان کا پیت فعب ال (مداحت ال اور محت ان کا پیت فعب ال پن ظاہر کر تاہے (مشکل ۲۰۰۱ کیصین)۔

پلٹ کارے دونوں مداحن عسام طور خیر فعال رکھ حبائیں گے؛ یوں موجودہ پلٹ کارے مداحن پست رکھ حبائیں گے۔ یوں موجودہ پلٹ کار کے مداحن پست رکھ حبائیں گے۔ یا لئے کاربلند (فعسال) کرنے کے لئے کارادہ ایک کے واپسس پست (فعیس ناتے۔ پہلے سے بلند حسال پلٹ کارہ ای حسال مسیں رہے گا، جبکہ پست پلٹ کارہ امشارہ مطتے ہی بلند حسال اختیار کرے گا۔

اس طسرح پلٹ کار کاذب (پیس) حسال کرنے کے لئے R ایشارہ کمحیاتی فعمال کیا حباتا ہے۔

مداخنل S کوفعال کار^مداخنل جب، R کوغیر فعال کار۹مداخنل کہ۔ سے ہیں۔

آ پ نے دیکھ، پلٹ کار در حقیقت مداحن کا (بلٹ یاپست) حسال محفوظ کرتا ہے۔ یوں اگر مداحن اسٹ ارہ لمحساتی فعسال ہونے کے بعید عنب رفعی ال ہوجیائے، پلٹ کار (اگلے نے اسٹ اربے تک) اسس کاحسال محفوظ رکھتا ہے۔

۳.۳ ساعت

عبد دی ادوار کی ایک فتم جو ہم عصر ۳ ادوار کہاتے ہیں کو، عصوماً، مقسر رہ دورانے کا مسلسل دہر اتا داخنلی ایشارہ در کار ہوگا، جو ساعت ایشارہ سنگل ۲.۵ مسیں پیش ہے۔اگر حیب اسس طسرح کی ایشکال مسین دورانیہ حیث طب رہ کی ایشکال مسین دورانیہ حیث طب رہ کی ایشکال مسین رکھیں کے بیٹر مسائی اور دورانیہ اترائی نہیں دکھائے حب تے،امید کی حباتی ہے کہ آپ ان کی موجود گی ہر وقت ذہن مسین رکھیں گئے۔

ہم عصب رعب دری دور، مہیا کر دہ ساعت کے **تعدد ^{۲۳} ک**ی رفت ارسے چلت ہے، اور اسس کے مختلف ھے، ساعت کے کسنارہ اترائی یا کسنارہ ^حپ ٹرھسائی پر بیک وقت حسال شبدیل کرتے ہیں۔ گویا، ہم عصب ردور ساعت کے ساتھ وقت م ملا کر چلت ا ہے۔

سشکل ۵.۹ مسیں اوپر حبانب کن رہ حپڑھ اُنی کا گسنتی، جبکہ نیچ جبانب کن رہ اترائی کی گسنتی دی گئی ہے۔ ساتھ ہی، **دوری عرصہ t_H، اللہ** T اور t_H ، t_H کی است رورانیے برابر بھی ہو سے میں۔ ہمیشہ کی طاہر کیا حباتا ہے۔ یوں t_H t_H t_H ، وگا۔ ساعت کے بلند اور پہت دورانے برابر بھی ہو سے میں۔ ہمیشہ کی

inactive"

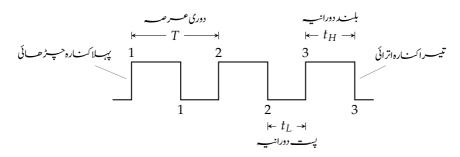
set input^{ra}

synchronous clock

frequency

time period

high time, ON time ro



شکل۲.۵:ساعت

طسرح، تعدد f اور دوری عسر صT کا کائی ہر ٹو T کا کائی T کی اکائی ہر ٹو T کے اکائی ہر ٹو T $f=rac{1}{T}$

س عستی امشارہ مختصر أما عرضے پاراحب تا ہے۔ ساعت سے مسراد متواتر تب یل ہو تا امشارہ، یا اسس کا بلند، یا پیست دورانسیہ، یا حیث برقار آئی کسنارہ ہو گا۔ مستن سے اسس کا مطلب واضح ہو گا۔ جہاں عساط منبی کا امکان ہو، وہاں وضاحت کی حب کے گی۔

اعت کی بات کرتے ہوئے عصوماً ساعت کی دھڑ کونے کا (جس کو مختصراً دھڑ کونے کہتے ہیں) کاذکر ہوگا، جہاں دھٹر کن سے مصراد ساعت کا بلند دھ۔ ہوگا۔ یہ اصطبال کی بھی انشارے کے لئے استعال کی حباستی ہے جہاں اسس سے مصراد منتظیل باریک (کم دورانی) انشارہ ہوگا۔ بلند دھٹر کن کے عملاہ ہیں۔ دھٹر کن اور منفی دھٹر کن بھی ہو سے ہیں۔

۲۰۴ متم ضرب گیٹ ایس آریلٹ کار

سشکل ۲.۱ مسیں متم خرب گیٹ پر مبنی پہت فعال مداخل الیم آر پلٹ کار ۲۰ و کھایا گیا ہے۔ سشکل ۲.۷ مسیں بلند نوب ال در است بیت نوب ال استان اللہ کار کی عسلامتیں پیش ہیں۔ پست نوب ال استان اللہ کار کی عسلامتیں پیش ہیں۔ پست نوب الاستان کے بنیوں پر گول دائرے ان کے پست نوب ال بن ظاہر کرتے ہیں۔

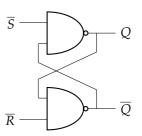
پلٹ کارے محتارج Q اور Q آلپس مسیں متضاد (اُلٹ) حسال رہتے ہیں۔ آئیں اسس پلٹ کار کی کار کر دگی، دو سسرے اُنظے، نظے رہے نظے میں۔

Hertz, Hz

pulse

active low inputs SR flip flop "A

\overline{S}	\overline{R}	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}	
0	0	?	?	ممنوعب حسال
0	1	1	0	بلند حسال
1	0	0	1	پست حسال
1	1	Q_n	\overline{Q}_n	بر متسرار حسال



مشكل ٢.٢: پيت فعال مداحنل ايس آريلك كار



(۱) بلنند فعب ل مداحسٰل ایسس آریپلیشه کار (ب) پست فعب ل مداحسنل ایسس آریپلیشه کار

١٠٨٠ عني رفع ال مداحن ليك كار، حيال برفت رادر كهتا ہے

ونسرض کریں پیرہ ہے ایس آر پلٹ کارکے مداحشل خیر فعال میں، لینی $\overline{Q}=1$ ، $\overline{Q}=1$ ، $\overline{Q}=1$ ، $\overline{Q}=1$ بیں (شکل ۸.۱-الف)۔ یوں، ہالائی متم خرب گیٹ کے مداحشل 1 اور 1 میں، لہذا اسس کامداحشل 0 ہوگا،جو وہ پہلے سے ہے۔ ای طسرح نجیلے متم خرب گیٹ کے مداحشل 0 اور 1 میں، لہذا اسس کامیشاری 1 ہوگا،جو وہ پہلے ہے ہے۔

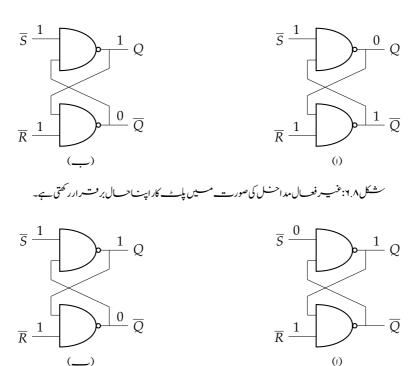
شکل ۲.۷:۱یس آریلٹ کار کی دوعسلامتیں

 \overline{Q} و نسر ض کریں بلند پلٹ کار کے مداحنل غیر فعال ہیں، لینی $\overline{Q}=0$ ، $\overline{Q}=0$ ، $\overline{Q}=\overline{Q}$ اور $\overline{R}=\overline{R}$ ہیں (شکل ۸۰۸-ب)۔ یوں بالائی متم ضرب گیٹ کے مداحنل 1 اور 0 ہیں، لہذا اسس کامداحنل 1 ہوگا، جووہ پہلے ہے ہے۔ ای طسر تخیلے متم ضرب گیٹ کے مداحنل 1 اور 1 ہیں، لہذا اسس کا محتارج 0 ہوگا، جووہ پہلے ہے ہے۔

سٹکل ۸.۸ کی دونوں صور توں پر غور کرنے ہے معسلوم ہوا کہ غیر فعالی مداخل کی صورہ میں پلیہ کار اپنا عالی بر قرار رکھتا ہے۔ سٹکل ۲.۸ مسیں حبدول کی آمنسری صنب اسس حقیقت کو بیان کرتی ہے، جہاں (آگلامسال) Q_{n+1} موجودہ Q_n موجودہ برابر ہوگا۔

۲.۴.۲ مداحنل S فعال کرنے سے پلٹ کاربلند حال اختیار کرتاہے

تصور کریں ایس آر پلٹ کار کامداحنل \overline{S} ، ایک لمحہ فعال کرنے کے بعد دوبارہ غیبر فعال کیاحباتا ہے، لیخی لمحسانی طور $\overline{S}=\overline{S}$ کیاحب تا ہے۔ بالائی متعم خرب طور $\overline{S}=\overline{S}$ کیاحب تا ہے۔ بالائی متعم خرب گیٹ کا کوئی مداحنل بیت ہوئے کی صورت مسیں اسس کا محنارج بلند ہوگا، لہذا $\overline{S}=\overline{S}$ کی صورت مسیں بالائی گیٹ کا کوئی مداحنل بیت ہوئے، جیب شکل مسیں دکھیا گیٹ ہے(پلٹ کارے دونوں گیٹوں کی گزشتہ قیستیں اسس حقیقت پر گیٹ کا محنارج بلند ہوگا، جیب شکل مسیں دکھیا گیٹ ہے(پلٹ کارے دونوں گیٹوں کی گزشتہ قیستیں اسس حقیقت پر



 \overline{S} ف الراب المحرك لئے \overline{S} ف الراب الم

 $\overline{Q}=0$ ہوگا۔ مداحن واپس غیب کے دونوں مداحن بلند، البند، البند

 \overline{R} مداحن \overline{R} ف الرخے سے پلے کارپست حال اختیار کر تاہم درج ذیل مثق میں آیے ہے ہی ثابت کرنے کی درخواست کی گئے ہے۔

مثق ۲۰: ثابت کریں کہ $\overline{S}=1$ رکھتے ہوئے، کمحت تی طور $\overline{R}=0$ کرنے سے ایس آرپلٹ کارپہرہ مالی اختیار کر تا ہے۔

۲.۵ زیاده مداخل پلئے کار

۲.۴.۴ حسال دوڑ

ایس آرپلٹ کار کے دونوں مداحن ہیکوقت پیس کرنے کی احبازت نہیں، چونکہ ایک صورت مسیں پلٹ کار غیبریق پنی حسال اختیار کرتا ہے۔ دیکھتے ہیں، ایپ کیوں ہوگا۔

سشکل ۲.۲ پر نظر رکھتے ہوئے آگے بڑھسیں۔تصور کریں پلٹ کارکے دونوں مداحن بیک وقت پست (فعال) کرنے کے بعد دوبارہ بلٹ دار منسب فعال) کیے حیاتے ہیں۔ایب کرنے کے بعب دہم حیبانٹ حیاتے ہیں بیٹ کارکس حیال ہوگا۔

دونوں مداحن ہیکوقت پیسٹ کرنے سے (بالائی اور نحیلے متم ضرب گیٹ کے محنارج بلند ہوں گے، اہلنذا) پلٹ کار کے دونوں محنارج بیک وقت بلند ہوں گے، جو نافت ابل فتسبول صورت ہے: پلٹ کار کے محنارج Q اور Q کا آپس مسیں متضا درہنا ضروری ہے۔

رونوں مداحن لیک وقت یکدم واپس بلند کرنے سے گیوٹوں کے محنارج (یکدم حیال تبدیل نہیں کرتے، صفحہ ۱۲۳ پر سفکل ۲۰۱۹ دیکھیں، بلکہ) نے حیال کی طرف روان ہوتے ہیں، لیکن، جب تک ان کے محنارج نے حیال افتیار نہیں کرتے، دونوں گیوٹوں کے دونوں مداحن بلبند ہوں گے (مضلاً \overline{S} بلند کر دیا گیا ہے، اور فی الحیال \overline{Q} نے حیال افتیار نہیں کرتے، دونوں گیوٹوں کے دونوں مداحن بلبند ہیں)۔ دونوں گیرٹ بہت حیال کی تک نہیں بہنچہ، المهذا ہو بھی بلند ہے، یوں بالائی گیٹ کے دونوں مداحن بلبند ہیں)۔ دونوں گیرٹ بہت حیال کی طسر دن گامنزن ہوں گے۔ کیوٹوں کے دورانیوں میں مضب وارجو وقت اور حیالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی بست کیا گیرٹ کے دورانیوں میں مضب وارجو وقت اور حیالات کے ساتھ تبدیل ہو سکتے ہیں) کی بیٹ کا مداحن ہو کی وجب سے کیوٹ کو بلند در ہنچ پر محبور کرے گا۔ یوں اگر جب پلنے کا کے دونوں مداحن فیساں کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عنصر فیسال کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عنصر فیسال کرنے کے بعد دوبارہ ہیکوقت عنصر فیسال کرنے کا سک کو مالت دوڑ پر محصر ہے۔ ای لئے اس کو مالت دوڑ ہر محصر ہے۔ ای لئے اس کو مالت دوڑ ہر محصر ہے۔ ای لئے اس کو مالت دوڑ ہر محصر ہے۔ ای لئے اس کو مالت دوڑ ہر محصر ہے۔ ای لئے اس کو مالت دوڑ ہر میں۔ ہم پلٹ کار کو حیال سے دوڑ مدیں ڈالنے سے گریز کرتے ہیں۔ حیالت دوڑ پر حسہ ۱۱۔ ۳ میں تفصیل سے غور کیا گیا۔

سے کل ۱۰ امسیں پیش حبدول کی پہلے صف مسیں پلٹ کاربلٹ (Q=1) اور مداحسل غیب رفعسال ہیں۔ صف در صف نیج حسلتے ہوئے دیکھ میں مداحسل سبدیل کرنے سے پلٹ کار کسیاحسال اختیار کرتا ہے۔ (مداحسل کسی حساس ترتیب سے نہیں ، بلکہ پلٹ کار کی کار کردگی کی ایک مشال دیکھنے کی عضرض سے تبدیل کیے گئے۔)

 $\frac{1}{2}$ و \frac

۲.۵ زیاده مداحتل پلٹ کار

پلٹ کارکے مداحنل دوسے زیادہ ہو سکتے ہیں، جیسا شکل ۱.۱۱مسیں دکھسایا گسیا ہے۔ یہساں بلند کار مداحنل کی تعداد دو ہو ہے، جہسی ہی \overline{S}_a کہسا گسیا ہے، جبکہ پست کار مداحنل ایک ہے۔ عسام طور شینوں مداحنل بلند (غیسر فعسال) رکھے حبائیں گے۔ یک البلند حسال کرنے کی حناطسہ \overline{S}_a یا دونوں کو ایک لمحہ کے لئے پست فعسال) رکھے حبائیں گے۔ یک البلند حسال کرنے کی حناطسہ \overline{S}_a یا دونوں کو ایک لمحہ کے لئے پست

race condition"

	\overline{S}	\overline{R}	Q	حال
\overline{S} 10 10 1 1 1 1 1 1 1 1 0 1	1	1	1	بلن د
o longititition ov	0	1	1	بلن رہے گا
- 17	1	1	1	بر فتسرار
$\overline{R} \ \overline{111100101111} \ \ \begin{array}{c} 5V \\ 0V \end{array}$	0	1	1	بلن رہے گا
0V	1	0	0	پـــ
E 17	1	0	0	پست رہے گا
$Q \overline{1111} 0 0 0 0 0 0 \overline{11} $ 5V	1	1	0	برفتسراد
0 V	1	0	0	پست رہے گا
	1	1	0	بر فتسرار
$\overline{Q} \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1$	1	1	0	برفت رار
$\sim \frac{0000}{111111100}$ 0V	0	1	1	بلند
	1	1	1	بر فتسرار

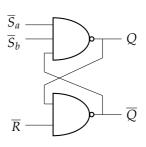
مشکل ۱۰:۱یس آریلٹ کارکے استعال کاحبہ ول اور ترسیات

(فعال) کیا جب نے گا، جب کہ پلٹ کارپیت حسال کرنے کی حضاط سر \overline{R} ایک لمحہ کے لئے فعال کیا حسال کا گا۔ حسال دوڑ سے بچنے کے لئے ضروری ہے کہ \overline{R} کے ساتھ باتی دومداحشل مسین سے کوئی ایک (یادونوں) انکھے فعال نہ کیا ۔ حسال دوڑ سے بچنے کے لئے ضروری ہے کہ \overline{R} کے ساتھ باتی دومداحشل مسین سے کوئی ایک (یادونوں) انکھے فعال نہ کیا ۔ حسائے۔

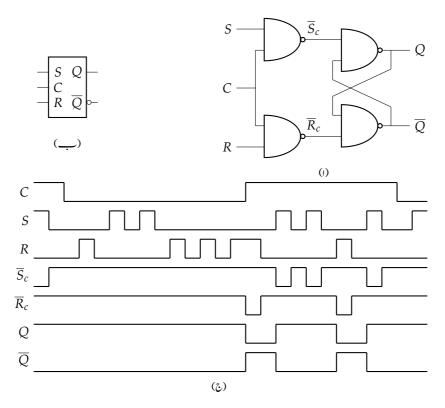
۲.۲ وت بل محباز ومعنذ وريلك كار

مشکل ۱۰.۱ کی ترسیات سے واضح ہے ،مداحن تب دیل کرتے ہی پلٹ کارنیاحسال اختیار کرتا ہے۔اسس حصہ مسین ایسی پلٹ کارپر غور کمیاحبائے گاجس کے مداحن کو پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز ہونے سے روکاحب اسکتا ہو۔ شکل ۲.۱۱الف پر غور کریں جہاں دومتم ضرب گیٹ کے اضاف ہے حسابل حسابو پلٹ کارحسامس کمیا گیسا، جس کے (بلٹ دفعہ ال

\overline{S}_a	\overline{S}_b	\overline{R}	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	0	0	?	?
0	0	1	1	0
0	1	0	?	?
0	1	1	1	0
1	0	0	?	?
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	Q_n	\overline{Q}_n



شکل ۱۱.۲: زیاده مداحن لایس آرپلی کار



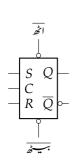
مشكل ٢٠١٢: محباز ومعه ذور بلت د فعهال مداحت ل اليسس آر پليك كار

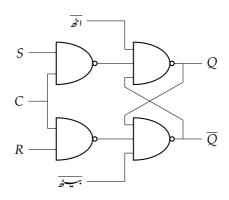
مدا حسل S اور R ہیں، جنہسیں عسام طور غنیہ رفعال (پست) رکھا حباتا ہے۔ پلٹ کار کی عسلامت مشکل - ب بھی پیش ہے۔ پیش ہے۔

اصن فی گیٹ کے محتاری کو \overline{S}_c اور \overline{R}_c کہا گیا، جبکہ گیٹوں کو تابو کار اہشارہ C منسراہم کیا گیا۔ محباز و معتذور بین نے والا اصابو کار اہشارہ \overline{S}_c اور \overline{R}_c مداحت معتذور ہوتے ہیں، \overline{S}_c اور \overline{R}_c ہیں، اور پلٹ کار اپنا حسال ہر محترار رکھتی ہے۔ متابو کار اہشارہ بلند (محباز) کرنے سے پلٹ کار کے مداحت کی اور \overline{R}_c مورائر انداز ہوتے ہیں۔

شکل-ج سیں محباز ومعہ ذور وت ابو کار احشارہ C کی کار کر دگی واضح کی گئی۔ جب تک یہ احشارہ پست (معہ ذور) رہے، \overline{S}_c اور \overline{R} بلند ہیں۔ احشارہ C بلند کرنے کے وت بل ہیں۔ یہ \overline{S}_c اور \overline{R} پلٹ کار کاحسال تبدیل کرنے کے وت بل ہیں۔ یہ یہ کے اور محباز و معذور بلند فعالی مداخل الیم آریدھے کار کہا تا ہے۔

بعض اوت ___. پلٹ کارے عصومی مداحن استعال کیے بغیبر، ہم پلٹ کار کاحب ال خود تعین کرناحپ ہے ہیں۔ عصوماً، پلٹ کار کا ابت دائی حسال متخب کرنے کے لئے ایب کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۲۔ ۱۳ مسین دومسزید مداحن ، آٹھ اور جسٹھ،





شكل ١٣: الله بيله صلاحيت پلك كار

مہائے گئے ہیں، جنہ میں یہ ہے کرکے بلٹ کار کوبالت رتیب زبر دستی بلٹ داوریت کے احساسکتاہے۔

٢.٧ آ تاعنلام پلاك كار

گزشتہ حسبہ مسین محباز و معیذور بلند فعیال مداحشل ایس آر پلٹ کار پر غور کیا گیا۔ سشکل ۱۳.۹ مسین ایسے دو پلٹ کار (پہلا آت اور دوسسراعشلام کہلاتاہے) اور ایک نفی گیٹ ہے آقا غلام پلٹے کار '' تشکسیل دیا گیا۔ آت کے محساری، عنلام کے مداحشل ہیں۔ مسزید C پر اشارہ ساعتے اسمہیا کیا گیاہے۔

جتنی ویرساعت (C) بلندرہے، آت کے مداحن محباز، البذامحناری Q_a اور \overline{Q}_a وتابل تبدیل ہوں گے۔ عنلام کو C کا متم \overline{C} محباز ومعبذور (بلبذابر فسترار حسال) ہوگا۔

جس لمحہ ساعت پہت ہو، آمت ای لمحہ کے حسال مسین رہ حب نے گا، اور عندام محباز ہو کر فوراً آمت کے محنارج کے مطابق حسال اختیار کر لے گا۔ یوں، عندام ہر وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے وقت آمت کی پسیروی کر تا ہے۔ بختی دیر ساعت پست رہے ہو اور Q_a تب یل نہسین ہو کتے ، لہذا عندام حسال تب یل نہسین کرے گا۔

آپ د کھ سے ہیں، عندام پلٹ کار صرف اور صرف ساعت (C) کے کسنارہ اترائی پر حسال تبدیل کرتا ہے، جس کی وجب سے کنارہ اترائی پر عمل کار آقا فلام پلٹ کار اس کہا ہاتا ہے۔ ساعت کے کسنارہ اترائی پر تسیر کانشان اسس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کا کسنارہ (اترائی)، پلٹ کار کی لمبھی سے بہ جے پست کرنے ہے، پلٹ کار داختلی اسٹارے کا مکس لیتا ہے۔

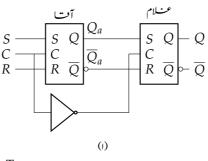
master slave flip flop ".

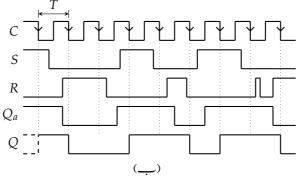
clock

negative edge triggered Master Slave flip flop re

trigger

.۲. آت اعتلام پلٹ کار





شکل ۱٫۱۳: ساعت کے کن ارواز انی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار

بـ دول ۲۰۲: کـنـنـاره اتر ائی پر عمسـل کار آفت عنــام پایــــه کار	ح
--	---

С	S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	x	x	Q_n	\overline{Q}_n
1	\boldsymbol{x}	\boldsymbol{x}	Q_n	\overline{Q}_n
\downarrow	0	0	Q_n	\overline{Q}_n
\downarrow	0	1	0	1
\downarrow	1	0	1	0
\downarrow	1	1	?	?

پیٹ کار کو پہلی مسرت برقی طباقت منسراہم کرنے ہے، حسال دوڑ پیداہو گی جس کے اختیام پر پلٹ کاربلٹ دیاپیت ہوگا۔ شکل مسین پہلے کسنارہ اترائی ہے قب Q مجمم و کھایا گیا ہے (ساب دار جس)، جو اس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی پر فعال S کے تحت آت عنلام پلٹ کاریق پنی طور پر بلٹ دسال اختیار کرتا ہے۔ (شکل ۲۔ ۱۳ مسین اٹھ بیٹے واشارات اسس طسرح مجمم صورت سے تمٹنے کے لئے ہیں۔)

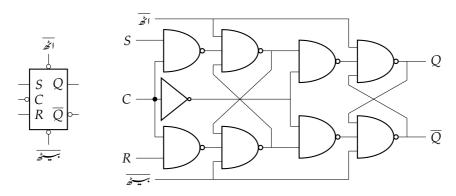
سشکل ۲ ، ۱۸ مسیں ساعت کے آٹھویں کنارہ اترائی کے بعد پست ساعت کے دوران R بلند ہو کر واپس پست ہوتا ہے، جو آفت عندام پلٹ کارکویست کرنے کے لئے، عبو آفت عندام پلٹ کارکویست کرنے کے لئے، مخصوص دورانیے ہے زیادہ وقت کے لئے فعال ہوں۔ داحنی امشارہ اس کا مخصوص دورانیے ہے زیادہ وقت کے لئے فعال ہوں۔ داحنی امشارہ اسس کا عکس مخفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ L (شکل صورت کر دار اداکر تا ہے، جب بلند ساعت اسس کا عکس مخفوظ کرلے۔ ساعت کے پست دورانیہ کی صورت میں بھی اور دی فعال ہونے کی صورت میں بھی است کی اور دیر فعال ہونے کی صورت میں بھی سام پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایک صورت میں بھی سام پلٹ کار اسس پر ضرور عمل کرے گا۔ البت، ایک صورت میں بھی عمین میں میں ہے، کمنارہ اترائی پر کوئی مداحنل فعال ہے ہو (شکل ۲ سام میں چھٹا کئیارہ اترائی دیکھیں)، البذاء معین کمنارہ اترائی کے لحمد موجود مداحنل کا حسال محفوظ کرنے کے لئے ضروری ہے کہ مداحنل کم از کم ایک دوری عسر صدے کے مداحنل بر کم از کم ایک دوری عسر صدے فعال رہے کی شیرط مطاط نہیں۔

حبدول ۲.۲ مسیں کن ارواترائی پر عمسل کار آفت عندام پلٹ کار پیش ہے، جب اں ساعت کے کسنارہ اترائی پر پلٹ کار (نب) حسال افتدار کر تاہے۔ بلند اوریت ساعت کے دوران، پلٹ کار حسال برفت رار رکھتا ہے۔

بعض اوت ت، پلٹ کار کاحبال، کنارہ ساعت کا انظبار کیے بغیبر، تبدیل کرنا در کار ہوگا۔ شکل ۱۵.۱ مسیں (در کار مصیں اور کار مصیب (در کار مصیب استعال کرتے ہوئے) آفت اعتمام پلٹ کار مسیں پیست فعبال مداحنل آتھ مصامات پر تین مداحنل متم ضرب گیا ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ اسپر اور جسیجہ کا انسان کر کے ایک پلٹ کار تفکسیاں یا گیا ہے۔ (برقی تاروں کی تعبداد بہت بڑھ گئی ہے۔ بہتر ہوگا صفحہ اسپر مصابق کا البت، جب ضرورت پیشس مصرت دوبارہ دیکھیں۔) عمام طور انہیں غیبر فعبال رکھا حبائے گا، البت، جب ضرورت پیشس آئے، انہیں استعال کرتے ہوئے، ساعت کے کہنارہ اترائی کا انتظار کیے بغیبر، پلٹ کار کا حیال مصرضی کے مطابق منتخب کیا جب سے گا۔

شکل مسیں منفی کنارے پر علی کرنے، اور اٹھ پیٹھ صلاحیہ کے ، آقا غلام پلٹے کاری علامت بھی پیش ہے،جبال

۲.۸ . ڈی پائے کار



مشكل ١٥.١٤ الله بي المصلاحية وكفي اور منفي كن اربي يرعمس لرني والا آفت عندلام يليك كار

ے عیں (C) پر گول دائرہ منفی، اور تکون ک**نا**رے کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں اسس سے مسراد "ساعت کے منفی کنارے پر عمسل پیسے راہونا"لباحیائے گا۔

۲.۸ وی پلٹ کار

. ۲.۸ آ وت عندام پلٹ کارسے حساصل کر دہ ڈی پلٹ کار

آ ت عندام پلٹ کارے ساتھ نفی گیٹ شلک کرے ڈی پلٹ کار ۳۴ ساسسل کیا جب تاہے، جو شکل ۱۹.۲ میں پیش ہے۔ پلٹ کار کاری عسلامت مسین C واضح طور نہیں لکھ گیا، چونکہ عسلامت پر داختلی حبانب گل دائرہ اور تکون سامت کے منفی کمن ارہ کو ظاہر کرتے ہیں (شبت کمن ارہ، صرف تکون سے ظاہر کمیا حباتا ہے)۔ مداخت D پر کم از کم ایک دوری عسر صدر (T) بلندیا پیت رہنے کی ششر ط مسلط ہے۔

پلٹ کارکی کارکرد گی کا جدول بھی شکل ۱۲.۲ مسیں پیش ہے، جس کے تحت، بلندیا پیسے ساعت کے دوران، مداحنل D، پلٹ کارکے حسال پر اثر انداز نہیں ہوگا۔ پلٹ کار (صریف) ساعت کے کمٹ ارہ اترائی پر D دیکے کر (نیا) حسال اختیار کرتا ہے۔ یوں اسس کانام کنارہ اترائی پر علی کار ڈی پلٹ کارٹ ہوگا۔ ساعت کو نفی گیٹ ہے گزار کر کنارہ پڑھائی پر علی کارڈی پلٹ کار' سامسل ہوگا۔

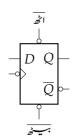
سشکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی کار کردگی کی مشال پیش ہے۔ آت عندام پلٹ کار کے R مداحن سے چھٹکاراحیا سسکل ۲.۱ مسیں ڈی پلٹ کار کی صورت "حسال دوڑ" سے دو حیار نہیں ہوگا۔ ساعت کے اول کسنارہ اترائی سے قبل، پلٹ کار کاحسال مبہم ہے، جس کوسیاہ کر کے (بلٹ دوییت دونوں) دکھیا گیا ہے۔

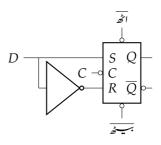
D FF

__

negative edge triggered, D flip flop rositive edge triggered, D flip flop

С	D	Q_{n+1}
0	х	Q_n
1	\boldsymbol{x}	Q_n
\downarrow	0	0
	1	1
		· ·

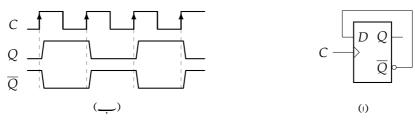




شکل ۱۱.۱۲: آفت عندام سے حساصل ڈی پلٹ کار



۲.۹ . وَى لِلِتُ كَار



شکل۲.۱۸: تعدد دوسے تقسیم کیا گیا

شکل ۱۸.۱ میں کنارہ پڑھائی پر عمسل کارڈی پلٹ کار کا \overline{Q} مداحنل D ہے جوڑ کر، پلٹ کار کو ساعت \overline{Q} ہندا ہم کی گئی۔ شکل - ب میں ساعت کے اول کسنارہ حپڑھائی پر توجہ دیں۔ یہاں $\overline{Q}=\overline{Q}$ ہوگا اور ساعت کے کسنارہ حپڑھائی پر پلٹ کار اسس کا عکسس محفوظ کرتے ہوئے بلند حسال افتیار کرتی ہے۔ پلٹ کار کا محنارج \overline{Q} کی جو گیہ دیر بعد نسیاحال $\overline{Q}=\overline{Q}$ افتیار کرے گا، لسیکن اسس وقت تک ساعت کا کسنارہ گزر چکا ہوگا۔ کا محنارج \overline{Q} کی کینارہ حبڑھائی پر $\overline{Q}=\overline{Q}$ دکھ کہ پلٹ کار پست ہوگا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ \overline{Q} کا تعدد ساعت کے تعدد کا فصف ہے۔

کن ارہ اترائی پر عمس ل کارپلٹ کارکے استعال مسیں اسس بات کو پقسینی بن ناخروری ہے کہ مداحسل، ساعت کے کسنارہ اترائی کے دوران، شب دیا ہے۔ ہو۔ حقیقت، کمن ارہ اترائی کے آغن ازے چند لحسات قببل سے لے کر، کمن ارہ گزرنے کے چند لحسات بعب بتا ہے، مداحن ل کا کارف سرار ایک حسال مسیں رہن اخروری ہے۔ ان لحسات کو بالسسرتیب دورانیہ تعالیٰ کے اس مسیں رہن اخروری ہے۔ ان لحسات کو بالسسرتیب دورانیہ تعلیٰ کارکے تحنیق کار مہیا کرتے ہیں۔ دورانیہ محصر اوکی معلومات پلٹ کارکے تحنیق کارم ہیا کرتے ہیں۔ کسنارہ حب ٹرھیائی بیمسل کارپلٹ کارکی صورت مسیں مداحن کو دوران حب ٹرھیائی تبدیل نہیں ہونے دیا جباتا۔

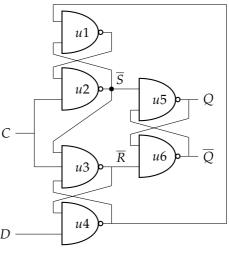
۲.۹ ڈی پلٹ کار

گزشتہ حصہ مسیں آفت عندام پلٹ کارے ڈی پلٹ کار صاصل کیا گیا، جس کے مداحن پر، کم از کم ایک دوری عسر مصہ دورانی ہے کئے حسال برقت رار رکھنے کی مشہر ط مساط ہے۔ مشکل ۱۹۱۲ مسین نسبتاً بہت ، (کسنارہ حسور ط مان کی پرعمسل کار) ڈی پلٹ کار پیش ہے، جو واقعی، ساعت کے کسنارہ حسیر ط مانی پر (نب) حسال اختیار کرتا ہے، اور جو وسلج پیمانہ مخلوط ادوار ۲۹ مسین باکشیرے مستعمل ہے۔

 u^2 ، u^3 ، u^3 ، u^3 ، u^3 ، u^4
setup time"

hold time"

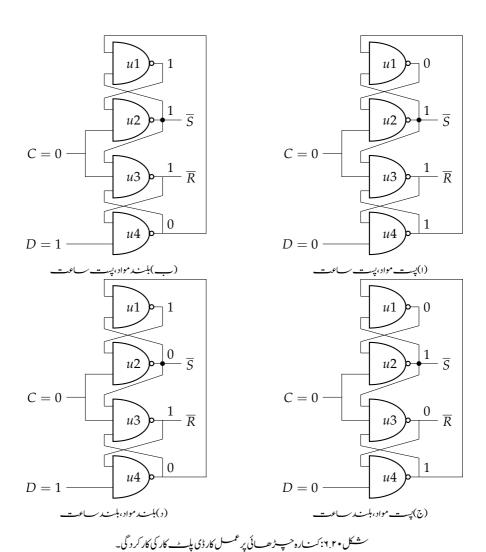
very large scale integration (VLSI)^{rq}



شکل ۲.۱۹: کن اره ^حپ ڑھ ائی پر عمل کارڈی پلٹ کار

تعبین کرتے ہے۔

۲.۹ . ڈی پلٹ کار



کی قیت تبدیل نہیں ہونی حب ہے۔ دورانی تھی راؤگیٹ سے دورانی رد عمل کے برابر ہے، چو ککہ، D کی قیت کے قط نظر، 44 کامٹ رق 1 پر کھنے کے لئے R کا 0 ہونالازی ہے۔

حنلام کچھ یوں ہے۔ ساعت کے کمنارہ حبٹر ہسائی پر D کی قیب Q کو منتقتل ہوتی ہے۔ بلند ساعت کے دوران D مسین تبدیلیاں Q پر اثر انداز نہیں ہوتیں۔ مسزید، ساعت کا کمنارہ اترائی اور پیت ساعت، Q پر اثر انداز نہیں ہوتے۔

انشارہ D=0 گیٹ U=0 اور U=0 گزر کر U=0 کوپیت کرتا ہے، جو U=0 کوبلند کے رکھتا ہے۔ یوں ساعت کے کسنارہ حب ٹرھائی ہے (U=0 اور U=0 کوبلند کے مرابروقت قبل، منتقل صورت افتیار کرلے۔ ای طسرح $\overline{R}=0$ جو (D کی قیمت سے قطع نظر ر) U=0 کوبلند کے رکھتا ہے، کے لئے ضروری ہے کہ U=0 کی قیمت کسنارہ حب ٹرھائی کے بعد دورانیہ تھے راؤ (جو U=0 کی قیمت کسنارہ حب ٹرھائی کے بعد دورانیہ تھے راؤ (جو U=0 کے تب رہا ہے) کے لئے تب رہا ہے۔ ہو

آ قت عندلام پلٹ کار کی طسرح، کمن ارہ پر عمسل کار پلٹ کار، ترشیبی ادوار مسین بازری کے مسائل سے چیٹ کارا دیت ہے۔ اسس قتم کاڈی پلٹ کاراستعال کرتے وقت دورانپ شیاری اور دورانپ ٹھیپراؤیر توحب دینی ہوگی۔

تر سیبی ادوار مسین مختلف پلیٹ کار استعمال کرتے وقت، اسس بات کو یقینی بن میں کہ تمسام پلیٹ کار ہیں کو قت (یعنی تمسام پلیٹ کار ساعت کے کن ارواز ائی پریاتسام پلٹ کار کن ارو حیسڑھ آئی پر) حسال تبدیل کرتے ہوں۔ وہ پلیٹ کار جو منتخب کن اروکے محت الف کن ارب پر حسال تبدیل کرتے ہوں، کی ساعت نفی گیٹ سے گزار کر، منتخب کن ارب

مثق ۲۰۳: انٹ رنیٹ سے ڈی پلٹ کار کے معسلوماتی صفحیات اتاریں۔(۱) اسس محسلوط دور مسیں کتنے ڈی پلٹ کار ہیں؟ (ب) سے بلٹ کار ساعت کے کس کسارے پر عمسل کارے؟

۲.1۰ حے کے پلٹ کار

ڈی پلٹ کار استعال کر کے مختلف اقسام کے پلٹ کار تفکسیل دیے حباستے ہیں، جن مسیں ہے کے پلٹ کار ^{۵۰} اور فی پلٹ کار ا^۵ بہت مقبول ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر عمسل کارج کے پلٹ کار کی بن اوٹ شکل ۲۱.۲

JK FF^a
T FF^a

۱۸۳۰ ے لیٹ کار

مسیں، اور کار کر دگی حبد ول ۲۰۰۱ – بسیس پیش ہے۔ کسنارہ اترائی پر عمسل کارج کے پلٹ کار بھی پایا حباتا ہے۔ مشکل مسیں مداحسنل D ذیل ہوگا، جہساں پلٹ کار کے موجودہ محسارج \overline{Q}_n اور \overline{Q}_n کھے گئے ہیں۔

$$D = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

ساعت کے اگلے کن ارہ حپڑھ اُنی پرڈی پلٹ کار اسس مداحن کے تحت حسال اختیار کرتا ہے، اہلہذا ہے کے پلٹ کار کی کار کر دگی کی مساوات درج ذیل ہوگی، جہاں موجودہ محنارج Q_{n+1} اور اگلا Q_{n+1} ہے۔

$$Q_{n+1} = J\overline{Q}_n + \overline{K}Q_n$$

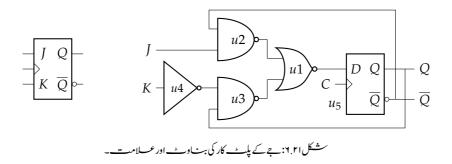
مساوات ۲۰۱۷ کوجید و ال ۳۰۰۱ الف مسین پیش کی گیا ہے۔ جبد ول کی پہلی صف مسین پلیٹ کار کا موجو دہ حسال $Q_n=0$ ، اور N=0 اور N=0 بین ، الهیذا مساوات ۲۰۱۹ کے تحت N=0 ، وکالیوں ساعت کے کسندرہ حب ڈھائی پر پلیٹ کارپست حسال اختیار کرتے ہوئے موجودہ حسال بر مسیرار رکھتا ہے۔ جبد ول کی دو سسری صف میں موجودہ حسال N=0 جب مداحشل N=0 اور N=0 بین ، جن ہے N=0 حساس ہوگا، المہذا مسین موجودہ حسال N=0 جب مداحشل N=0 اور N=0 اور N=0 بین ، جن ہے N=0 حساس ہوگا، المہذا میں موجودہ حسال بر حسال بوگا، المہذا میں موجودہ حسال بر حسال برگا کہ سیاحت کے ایک کسنارہ حسین موجودہ حسال برگا کے کسنارہ حسال برگا کے کسنارہ حسال برگا کی دو سیاحت کے ایک کسنارہ حسال بوگا ہوگا کے کسنارہ حسال برگا کھی کے کسال برگا کی دو سیاحت کے ایک کسنارہ حسال بوگا کی دو سیاحت کے ایک کسنارہ حسال برگا کی دو سیاحت کے ایک کسنارہ حسال ہوگا کی دو سیاحت کے ایک کسنارہ کی دو سیاحت کے ایک کسیاحت کی دو سیاحت کے دو سیاحت کی دو سیاحت کے دو سیاحت کی دو سی

آپ نے دیکھ کہ K=0 ، J=0 کی صورت مسیں پلٹ کاربر مترار حسال $Q_{n+1}=Q_n$ ہوگا۔ حبدول کے اصنافی حنانے مسیں یہ معسلومات درج کی گئی ہے۔ تسلی کر لیں (اگلے مثق مسیں ایسا کرنے کو کہا گیا ہے) کہ حبدول مسیں D اور Q_{n+1} کی تمسام معسلومات مساوات Q_{n+1} کے عسین مطابق ہیں۔ اسس حبدول کی بہتر صورت حبدول ۔ جہال غیسر ضروری معسلومات روپوسٹس کی گئی ، اور کسنارہ حپڑھائی کی معسلومات مصدرات کئی ۔

ہے کے پلے کار کی کارکر دگھ درج ذیل ہے۔

I اور I مداحن کار دار اداکر تے ہیں، لین فعال I اور I بالت رتیب I اور I مداحن کار دار اداکر تے ہیں، لین فعال I اسے پہنے حسال کر تا ہے۔ البت یہاں دونوں مداحن فعال ہونے کی صورت میں دونوں مداحن فعال ہونے کی صورت میں پیلے کار موجودہ حیال بوت کی احباز سے بہو حیال متم کرتے ہیں۔ دونوں مداحن غیبر فعال ہونے کی صورت میں پیلے کار موجودہ حیال برقت رادر کھتا ہے۔

مثق ۲۰.۳: حبد ول ۳.۶-الف اور کی تصید بق کریں۔



ب دول ۲.۳: کن اره حب ڑھ ائی پر عمس کار جے کے پلٹ کار

С	J	K	Q_{n+1}	
\uparrow	0	0	Q_n	برمتسرار حسال
\uparrow	0	1	0	پست حسال
\uparrow	1	0	1	بكن دحسال
\uparrow	1	1	\overline{Q}_n	متم حسال

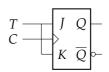
(1)

J	K	Q_n	D	Q_{n+1}
0	0	0 1	0	Qn
0	1 1	0 1	0	0
1 1	0	0 1	1 1	1
1 1	1 1	0 1	1 0	\overline{Q}_n

۱۰۱. ج کے پلٹ کار

С	T	Q_{n+1}
0	x	Q_n
1	x	Q_n
\uparrow	0	Q_n
\uparrow	1	\overline{Q}_n





شکل ۲۲.۲۲ فی پلٹ کار کی بن اوٹ اور عسلامت

ا.۱۰.۱ ٹی پلٹ کار

ج کے پلٹ کار کے دونوں مداحنل آلپس میں جوڑنے سے فی پلٹے کار ^{ar}ساسل ہو گا، جو شکل ۲۲.۲ میں بمع عبلامت اور حبدول پیش ہے۔

پست مداحن (T=0) کی صورت مسیں ٹی پلٹ کاربر قسر ارحسال رہے گا، جب کہ بلند مداحن (T=1) کی صورت مسیں ساعت کے کسنارہ حپڑھ آئی پر متم حسال اختیار کرے گی۔ یوں بلند T کی صورت مسیں بلند پلٹ کارا گلے کسنارہ حپڑھ آئی پر بلند ہوگا۔

ٹی پلٹ کار کی مساوات، ج کے پلٹ کار کی مساوات ۲.۷ سے حساسل کرتے ہیں۔

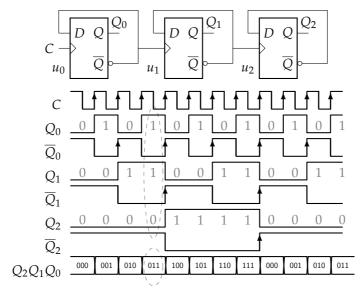
$$Q_{n+1}=J\overline{Q}_n+\overline{K}Q_n$$
 $=T\overline{Q}_n+\overline{T}Q_n$ $=T\oplus Q_n$

ماوات کے حصول میں I اور K دونوں کی جگہ T استعال کیا گیا۔

مثق ٢٠٥: أي يلئ كارك حبدول كي تصديق كرين ـ

مثق ۲.۲: انٹ رنیٹ سے 74xx اور 40xx سلسانہ مسین جے کے اورٹی پلٹ کارتلاسش کریں۔

T FF^{or}



شكل ٢٠٠٣: تين هندسي شنائي گنت كار

ال.١١ شنائي گنت كار

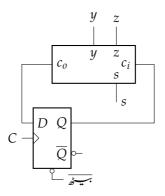
سشکل ۱۸.۲ مسیں پیشس دور تین مسرتب استعال کر کے مشکل ۲۳.۲ ساسسل ہوگا۔ بائیں حبانب سے اول پلٹ کار (س) کامختارج Q₂ پکارا آسیا ہے۔ (س) کامختارج Q₀ پکارا آسیا ہے۔

پلٹ کار u_0 ساعت (C) کا تعدد 2 سے تقسیم کرتا ہے۔ اسس کے دونوں مختارج شکل مسیں پیش ہیں، جو ساعت کے کہنارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتے ہیں، اور جن کا تعدد C کے تعدد کا نصف ہے۔ احشارہ u_0 کا تعدد C کا میل کرتا ہے۔ یوں u_1 کا تعدد C کا تعدد C کا تعدد کا کہ کار کی ساعت مہیا کیا گیا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت ہے جوائے 2 کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔ پلٹ کار کی ساعت کے تعدد کے گا تا کہ موگا۔

گنت کار صف ر (0002) تاست (1112) (یعنی آٹھ، 23، کن ارے) گسنتی کرنے کے بعب دوبارہ صف (0002)

three bit binary counter

۲.۱۲ سلیله وارشنائی جمع کار



مشكل ٢٠٠: سلسله وارشن أئي جمع كار

ے سشہ دع کر تاہے۔ ساعت C کی بحبائے گنت کار کو کوئی بھی عبد دی امشارہ گسنتی کے لئے منسراہم کسیاحب اسکتاہے۔ گنت کارامشارے کے کسنارہ حیبڑھ ائی کی گسنتی کر کے نتیجہ مہاکرے گا۔

ڈی پلٹ کار کی تعبداد 4 کر کے، سولہ (24 = 16) کنارے گننے کے متابل گنت کار بنایا حبا سکتا ہے جو صف ر (0000ء) تاپندرہ (1111ء) گستی کرے گا۔ یوں n پلٹ کار پر مشتل شنائی گنت کار 2^n کنارے گننے کے متابل ہو گا۔

۲.۱۲ سلیله وارشنائی جمع کار

سٹکل ۲۳.۲ مسیں مکسل جمع کار (u_1) اور ڈی پلنے کار (u_2) کی مدد سے اصطبالہ وارشنائی جمع کار کو جمع کرنے والے دو ہے (مکسل جمع کار کی جمع کار کو جمع کرنے والے دو ہے (مکسل جمع کار کی جمع کار کو جمع کرنے والے دو شنائی اعتبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حبات ہیں۔ کمت ر تی ہا سے سفروغ کر کے ساعت کے ہر کسنارہ حب نئی اعتبداد x اور y سلیہ وار منسراہم کے حبات ہیں۔ کمت ر تی ہا سے صدر گری پلانے کار حاصل جمع (لین مکسل جمع کا حضرابی کی وصور داختی حساس جمع الدی مسل جمع المحت کے حصول سے کا حضارتی حساس) ذخیہ و کر کے انگلے و تہ م پر مکسل جمع کو مطور داختی حساس مہی کر تا ہے۔ محب و عید کے حصول سے قبل ڈی پلانے کار زبر و ستی پیت کہ x پر سلیاد احتاج سے تاکہ پہلادا حتالی حساس صف ہو۔ آپ دکھ سے ہیں کہ x پر سلیلہ واردونوں شنائی اعبداد کا محب و عید حضارتی ہوگا۔

اسس باب کے آمنسر مسین آپ سے گزارشش کی حبائے گی کہ سلسلہ وار شنائی جمع کار استعال کرتے ہوئے دوشنائی اعسادہ جمع کریں۔

binary serial counter or

۱.۱۳ معاصر تت بی ادوار کا تحبز ب

ے عتب پر عمس ل کار، پلٹ کارپر مسبنی ادوار معاصر ترتیبی ادوار ۱۵ کہا تے ہیں، جو پلٹ کارے موجودہ حسال اور مداحسل دکھے کرنے حسال افتیار کرتے ہیں۔ معساصر ترتیبی ادوار، عسوماً، کسنارہ ساعت کے ساتھ و تدم ملاکر چلتے ہیں۔ ہم زیادہ ترکسنارہ ساعت پر عمسل کار ترتیبی ادوار پر تبصیرہ کریں گے (جو مستن سے واضح ہوگا)۔ معساصر ترتیبی ادوار مسیں ترکسیبی ھے کاموجود ہونالازم نہیں۔

کنارہ پر عمسل کار معساصر ترتیبی ادوار کنارہ ساعت پر نیباحسال اختیار کرتے ہیں۔ موجودہ حسال نئے حسال پر اثر انداز ہوسکتا ہے، البندائے حسال دریافت کرتے وقت موجودہ حسال (کو بھی) مداحسن تصور کریں۔ ترکیبی ادوار کی طسرح ترتیبی ادوار کا حبدول، جو عالی کا جدول ^۵کہلا تاہے، نئے حسال دریافت کرنے مسیں مدد گار ثابت ہوگا۔ نیباحسال مماواتے عالی ^{۵۵}سے بھی حسامسل کمیاحب سکتا ہے۔ دونوں طسریقوں پر خور مشابوں کی مدد سے کرتے ہیں۔

البيال مساوات حيال

دورے موجودہ حسال اور موجودہ مداحنل کے روپ مسین، مساوات حسال دور کے اگلے حسال ہیان کرتی ہیں۔ کسنارہ ساعت پر دور اگلے (نئے)حسال افتیار کرتا ہے۔ یوں، ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعد حسال کو موجودہ حسال تصور کرکے، اسس کے لئے امشار ہے n استعال کرتے ہوئے، مشلاً Q(n) ، اگلاحسال Q(n+1) ہوگا۔

شکل ۲۵.۹ مثال بن کر آ گے بڑھتے ہیں، جہاں کن ارہ حپڑھائی پر عمس کا کار ڈی پلٹ کار مستعمل ہیں۔ موجودہ مداحن $Q_1(n)$ میں اور $Q_1(n)$ بیں۔ ان سینوں کو مداحن تصور کر کے $Q_1(n)$ کی ترکسی مساوات $Q_1(n)$ جبکہ موجودہ میں اور $Q_1(n)$ اور $Q_1(n)$ اور $Q_1(n)$ کا کامین اربال کی پلٹ کار کا کامین اور $Q_1(n)$ کا کامین اور کی کار کی بلٹ کار کا مداحن $Q_1(n)$ کا میں اور کی کار کی بلٹ کار کی بلٹ کار کا مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی بار کی بلٹ کار کا مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی معلق میں کا کامین کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی مداحن کی کار کی بلٹ کی کار کی بلٹ کی کار کی بلٹ کی

$$D_0(n) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

اس میاوات میں ہر حبزو کے ساتھ (n) چیاں کر کے واضح کیا گیا کہ یہ موجودہ متغیبرات ہیں۔ سابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال u1 اس میاوات کے مطابق اگلاحیال افتیار کرے گا۔ یوں، نیاحیال $Q_0(n+1)$ 0 ورج ذیل ہوگا۔

$$Q_0(n+1) = \overline{x(n)Q_0(n) + x(n)\overline{Q}_1(n)}$$

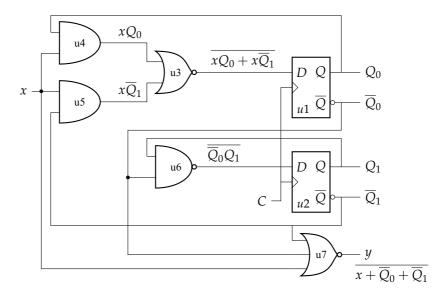
ای طسرح متم ضرب u6 کے مداحسٰل \overline{Q}_0 ، \overline{Q}_0 الہذامنارج $\overline{\overline{Q}_0Q_1}$ ہوگا،جو پلیٹ کار u2 کامداحسٰل روز ویل ہوگا۔

$$Q_1(n+1) = \overline{\overline{Q}}_0(n)Q_1(n)$$

synchronous sequential circuits 22

state table

state equation 22



مشكل ٢٤.٢٥: ترتيبي دور بطور مثال

تیب رامخنارج y ہے جو متم جمع u کامخنارج \overline{Q}_1 کامخنارج تیب ہوجودہ $\overline{X}+\overline{Q}_0+\overline{Q}_1$ ہے،اور جو ساعت کا تابع نہیں، اہلیذا y صرف موجودہ حسال اور مداحن کیر مخصر ہے، لینی ہے ہر صورت موجودہ مختارج ہوگا۔

$$y(n) = \overline{x(n) + \overline{Q}_0(n) + \overline{Q}_1(n)}$$

ساوات ۲۰۱۱ اسیں باربار (n) اور (n+1) کھنے سے گریز کرتے ہوئے درج ذیل کھا جب سکتا ہے۔

$$Q_0 = \overline{xQ_0 + x\overline{Q}_1}$$

$$Q_1 = \overline{\overline{Q}_0Q_1}$$

$$y = \overline{x + \overline{Q}_0 + \overline{Q}_1}$$

۲.۱۳.۲ حال کاحبدول

معاصر حال جدول مسین کھے جب سے ہیں۔ شکل ۲۵۱ کی مثال آگے بڑھاتے ہوئے مساوات ۱۳۰۱ سے حبدول کھتے ہیں۔ موجودہ مداحنل (x) اور موجودہ حسال $(Q_1\cdot Q_0)$ آزاد متغیبرات، جب کہ اگلے میناری اور حوجودہ مدال (x) اور موجودہ مرازی (x) اور (x) آزاد متغیبر تصور کرکے ان کی تمام ترتیب (x) (x) ماری (x) تا کتھیں۔ تصور کرکے ان کی تمام ترتیب کے مطابقتی اگلے حسال (x) (x

state table

موجو ده حسال	ال	اگلا حـ	عتارج	موجوده م
	x = 0	x = 1	x = 0	x = 1
Q_1Q_0	Q_1Q_0	Q_1Q_0	y	y
00	11	10	0	0
01	11	10	0	0
10	01	01	0	0
11	11	10	1	0

حدول ۲.۴:حال كاحدول (برائے مساوات ۲.۳۱)

۲.۱۳.۳ حال کاحت که

حال کے جبدول مسیں موجود معلومات کاحن کہ بنایا جبا سکتا ہے جو **عالی کا خاکہ ^{۵۹} کہ**لاتا ہے۔ جبدول ۴۳۰ کاحبال کا حال کے حسک ۲۲۰ ۲۷ مسیں پیش ہے۔

حسال کے مناکہ مسین دور کاحسال گول دائروں سے ظلم کسیاحباتا ہے، جبکہ موجودہ حسال سے انگلے حسال منتقلی تسیسر دار کسیسر سے ظلم کی حباتی ہے، جسس کی دم موجودہ حسال پر اور سسر انگلے حسال پر رکھا حباتا ہے۔ تسیسر دار ککسیسر کے اوپر دواعت الکھے حباتے ہیں، جن کے بچر چھی ککسیسر کے اوپر اور موجودہ محسارج نیجے ککھا حباتا ہے۔

شکل ۲۵.۸ کے ترتیبی دور مسیں دو پلٹ کار مستعمل ہیں، جن کاحسال Q_1Q_0 کھھ کر 00 ، 00 ، اور 11 مسکن حسال 12 کے برولست میں۔ حسال 13 کی برولست میں۔ حسال 14 کی تعیب روار کسی میں۔ حسال کے تحسیب انتقال 15 کی برولست میں۔ میں آیا اور 14 کی ہے۔

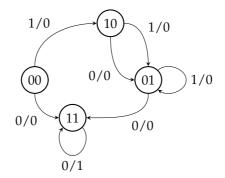
حال کا حن کہ اور حال کا حبدول ایک ہی معلومات وو مختلف طسریقوں سے پیش کرتے ہیں۔ دونوں مسیں پیش معلومات ہر طسر تا بہاں ہے۔

۲.۱۳.۴ ڈی پلٹ کاریر مسبنی ترتیبی دور

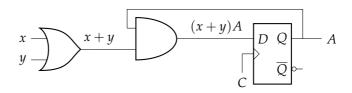
تر تسیبی ادوار کے حسل کی مسزید مشالوں پر غور کرتے ہیں۔ پہلی مشال ڈی پلٹ کارپر مسبنی ہے جو شکل ۲۷.۱مسیں پیشس ہے۔ دور مسیں ایک پلٹ کارپایا حب تاہے جس کامحنارج A کھی کر مداخن ل

ساعت کے کنارہ حب رہائی پر ڈی پلٹ کار مداحنل کے تحت نیا حال افتیار کرتا ہے، المہذا الگل حال کی

state diagram²⁹



شكل ٢٦.٢: حال كاحناكه (برائ شكل ٢٥.٦)



مشكل ١٠٢٤: دى پائے كار پر مسنى ترتىبى دور

ساوات درج ذبل ہو گی

$$A(n+1) = A(n)(x(n) + y(n))$$

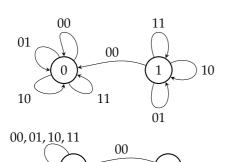
جسس کی سیادہ صور سے ذیل ہے۔

$$A = A(x + y)$$

اسس مساوات کے نتائج شکل ۲۸.۲ مسیں جدول مسیں پیش ہیں۔حسال کاحنا کہ اور اسس کا سادہ روپ (نحیلا حناکہ) بھی شکل پیش ہیں۔ پلٹ کار کے حسال 0 اور 1 دائروں مسیں رکھے گئے ہیں، جبکہ ان کے جھالت تاب رقب لا کسیسرے د کھسایا گیا ہے۔ تب ر دار لکسیسروں پر مداخنل xy کی موجودہ قیمتیں لکھی گئی ہیں۔ ایک ہی حسال مسیں رہنے کے تمام ممکنات کو اکھی بھی کھی حباسکتے ہی جیسے خیلے حناکہ مسیں کسیائی ہے۔ آپ د کھے سکتے ہیں کہ حسال 1 ہے 0 اسس وقت انتحال ہو گاجب مداخنل 00 ہو۔ بی تمام حسال مسیں پلٹ کار موجودہ حسال بر متحرار رکھتا ہے۔ مسئوی کا کوئی راستہ موجود نہیں۔

٩.١٣.٥ ج كے پلاك كارير مسبنى ترتيبى دور

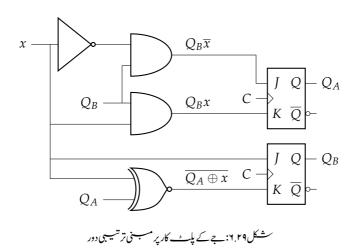
شکل ۲۹.۲ سیں جے کے پلٹ کار پر مسبنی ترتیبی دور پیش ہے۔ بالا پلٹ کار کا حسال Q_A اور مداحسل K_A ، J_B ہیں۔ جب نہریں پلٹ کار کا حسال Q_B اور مداحسل Q_B ہیں۔



	موجوده		اگلا
A	x	у	A
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

شكل ٢٨.٢: حسال كاحبد ول اور حسال كاحت كه (برائے شكل ٢٧.٦)

10,01,11



دور مسیں متم بلات کر کت جمع گیٹ کا ایک مداحت ل Q_A ہے جو بالائی پلٹ کار کاموجودہ حسال ہے۔ پلٹ کار کے محت بن می سے گیٹ کے محت مات کا ایک نام رکھا گیٹ کے مداحت کا ایک نام رکھا جب کے مداحت کا ایک نام رکھا حب کے مداحت کا ایک مداحت کا ایک مداحت کا زیریں پلٹ کا کارے محت ایک مداحت کا زیریں پلٹ کارک محت ایک حسین برقی طور حب ڈاتھور کریں۔ یول ، دونوں ضرب گیٹ کا ایک ایک مداحت ن زیریں پلٹ کارک محت ایک حسین برقی طور حب ڈاتھوں کریں۔ یول ، دونوں ضرب گیٹ کا ایک ایک مداحت کا دیریں پلٹ کارک محت ایک محت کا دیریں بلٹ کارک محت ایک میں مداحت کا دیریں بلٹ کارک محت ایک میں مداحت کا دیریں بلٹ کے محت ایک میں معتبل کی مداحت کی مداحت کی مداحت کی باتھوں کریں۔ یول ، دونوں میں مداحت کی مداحت کی بلٹ کی مداحت کی مداحت کی باتھوں کی مداحت کی بلٹ کی بلٹ کی مداحت کی بلٹ کی ب

مداحنل کی مساوات ذیل ہیں۔

$$J_A=\overline{x}Q_B \ K_A=xQ_B \ J_B=x \ K_B=\overline{x\oplus Q_A}$$

ان مساوات ہے جبدول ۲۰۰۹ حساس ہوگا، جس سے اضافی مواد نکال کر حسال کاجبدول حساس ہوگا (شکل ۲۰۰۱)۔ حسال کے حبدول سے حسامسل حسال کاحث کہ بھی شکل مسین پیش ہے۔

$$J_A = \overline{x}Q_B = \overline{0} \cdot 0 = 1 \cdot 0 = 0$$

$$K_A = xQ_B = 0 \cdot 0 = 0$$

$$J_B = x = 0$$

$$K_B = \overline{x \oplus Q_A} = \overline{0 \oplus 0} = \overline{0} = 1$$

انہ میں حبہ ول کی پہلی صف میں ورج کریں۔ پلٹ کار کے موجودہ مداحنل حبائے ہوئے ساعت کے انگلے کہنارہ حسائی پراگلے حسال مساوات ۷.۱ کی است وات ($Q(n+1)=J\overline{Q}_n+\overline{K}Q_n)$ یامساوات ۸.۱ کے

$$Q_A = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = 0 \cdot \overline{0} + \overline{0} \cdot 0 = 0 \cdot 1 + 1 \cdot 0 = 0 + 0 = 0$$
$$Q_B = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = 0 \cdot \overline{0} + \overline{1} \cdot 0 = 0$$

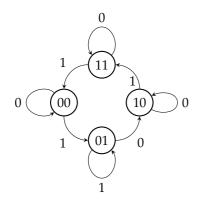
حساس کر کے جبدول کی پہلی صف مسیں درج کریں۔ باقی صف کے لئے مواد حساس کے کے جبدول بھے ہیں۔ آپ J اور K کی مساوات استعمال کر کے بھی Q تلاسش کر سکتے ہیں۔

$$Q_A(n+1) = J_A \overline{Q}_A + \overline{K}_A Q_A = (\overline{x}Q_B) \overline{Q}_A + (\overline{x}\overline{Q}_B) Q_A$$
$$Q_B(n+1) = J_B \overline{Q}_B + \overline{K}_B Q_B = x \overline{Q}_B + (\overline{x} \overline{\oplus Q_A}) Q_B$$

حال کے حن کہ (شکل ۴۰.۳) پر توجب دیں۔ حال 00 سے 01 اور بہاں ہے 10 اور اسس کے بعد 11 حبایاحب سکتاہے، جس کے بعد دوبارہ 00 سے پوری کہانی شھروع ہوگی۔ یہ 00 تا 11 شن کی گئت کار مصلوم ہوتا ہے۔ ماسوائ

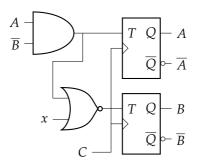
حبدول ۲.۵: ج کے پلٹ کار دور کی مساوات ۲.۴اسے حساس حبدول

حال	احنل اور	موجوده مد	-س	کے مدا ^{حت}	<u> </u>	پلِٺ	ئسال	اگلے <
Q_A	Q_B	x	$ J_A $	K_A	J_B	K_B	Q_A	Q_B
0	0 0	0 1	$\begin{vmatrix} 0 \\ 0 \end{vmatrix}$	0 0	0 1	1 0	0 0	0 1
0	1 1	0 1	1 0	0 1	0 1	1 0	1 0	0 1
1 1	0	0 1	0 0	0 0	0 1	0 1	1 1	0 1
1 1	1 1	0 1	1 0	0 1	0 1	0	1 0	1 0



موجوده حسال	اگلا حسال			
	x = 0	x = 1		
Q_AQ_B	Q_AQ_B	Q_AQ_B		
00	00	01		
01	10	01		
10	10	11		
11	11	00		

شکل ۲۹.۳۰: حسال کاحب ول اور حسال کاحت که برائے شکل ۲۹.۲



مشكل ٢٠١٠: في يلاك كارير مسبني ترتسبي دور

حال 11 کے، ہر مسرت x تبدیل کرنے سے حال تبدیل ہوگا۔ یوں 00 مسیں جب تک x=0 رہے، دور ای حال مسیں رہت ہے، البت x بلند کرنے سے x=0 حال حاصل ہوگا، جہاں اسس وقت تک رہاجیا گا جب تک x=0 دہو۔

۲.۱۳.۲ نی پائے کار کی مدد سے ترشیبی دور کاحب ائزہ

سٹکل ۳۱.۹ سیں ٹی پلنے کار پر مبنی ترشیبی دور پیش ہے۔ پلنے کار کے حسال A اور Bے ظاہر کیے گئے ہیں۔ یوں پہلے پلنے کار کامداحس T_A اور دوسرے کا T_B ہے۔

یلٹ کار کا اگلاحبال مساوات ۲.۹ سے ملت ہے جے بہاں دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = T \oplus Q_n$$

موجو دہ ضرورے کے تحت مساوات سے درج ذیل لکھا حیا تاہے۔

$$A_{n+1}=T_A\oplus A=T_A\overline{A}+\overline{T}_AA$$
 $B_{n+1}=T_B\oplus B=T_B\overline{B}+\overline{T}_BB$

پلٹ کارے مداحنل کی مساوات شکل ۲. ۳۱ سے حساصل کرتے ہیں۔

$$T_A = A\overline{B}$$

$$T_B = \overline{A\overline{B} + x}$$

ان مساوات کومساوات ۲.۵مسیں ڈالنے سے پلٹ کارے حسال کی مساواتیں حساسل ہوں گی:

$$A_{n+1} = (A\overline{B}) \oplus A$$
$$B_{n+1} = (\overline{A\overline{B}} + x) \oplus B$$

حبدول ٢٠١٠ في پليا كار دور (كشكل ٣١٠ ٢٠) كاحسال كاحبدول

(1)

	(<u> </u>)	
موجوده	_ال	اگلا حس
	x = 0	x = 1
AB	AB	AB
00	01	00
01	00	01
10	00	00
11	10	11

زاد	چوده مو	مو	_ال	اگلا حہ	نل	مداح
A	В	x	A	В	T_A	T_B
0	0	0	0	1	0	1
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	0	0	1	0
_1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	1	0	0	1
_1	1	1	1	1	0	0

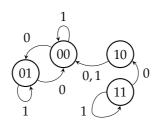
جن سے حبدول ۲.۲-الف ملت ہے۔ مداحن x اور موجودہ حسال A اور B کو پہلی تین قطاروں مسیں کھی گیہ ہے۔ ان کی تمام ترتیب (000_2 تا 111) پہلی تین قطاروں مسیں بھسر کر، ہر صف کے لئے مطابقتی موجودہ مداحن حساس کے حباتے ہیں، جنہیں دائیں قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے اگلے کنارہ حیث قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساعت کے اگلے کنارہ حیث قطاروں مسیں کھی گیا ہے۔ موجودہ مداحن سے ساتھے ، جو حسال کا حبدول کہ ۲.۲-الف سے حبدول - بسکھا جب سکتا ہے، جو حسال کا حبدول کہ ۲۰۱۱ ہے۔

۲.۱۴ میلی اور مُورنمون

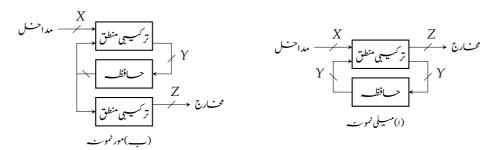
تر تسیبی دور مسیں مداحنل، محنارج اور اندرونی حسال پائے حباتے ہیں۔ تر تسیبی ادوار کے دو نمونے پائے حباتے ہیں، جنہسیں میلی نمویغه ۱۲ اور موُر نمویغه ۱۲ کہتے ہیں۔مسیلی نمون۔ مسیں محنارج کادارومدار موجو دہ مداحن اور موجو دہ اندونی حسال پر، جب کہ مُور نمون۔ مسیں صرف موجو دہ حسال پر ہوگا۔۔ دو نمونے سشکل ۳۳، ۳۳مسیں پیش ہیں۔

Mealy ''
Moore''

۱۸۲. میلی اور مُور نمون پر



شكل ٢٠٣٢: حسال كاحساكه برائے شكل ٢.١٣١ ورحب ول ٢٠٦



مشکل ۱٫۳۳:مور اور مسیلی نمونے

ان اسٹ کال مسیں مداحن تسیر دار لکسیہ پرتر تھی لکسیہ تھینچ کر X کلی گئی ہے، جو مداحن شن کی ہند سول (بِٹ) کی تعد ادبیان کرتا ہے۔ یوں X=8 کی صورت مسیں ایک ایک بٹ کے آٹھ مداحنل ہوں گے۔ حسافظہ کے مداحن اور محن ارخ کی تعد ادبرابر ہوگی، لہندا اسس کے مداحن (یا محن ارخ) پر Y کلھنے کے بعد محن ارخ (یا مداحن) پر موزت تر چھی ککسیہ کھینچنا کافی ہوگا۔

۱.۱۴۰۱ حسال اور ان کی مقسرری

ھے۔ ۱۳.۲ سمسیں حال کے حناکہ پر غور کیا گیا۔ ان حناکوں مسیں پلٹ کارکے محنارج کی بحبائے دیگر ناموں سے حال ظاہر کرکے حیال کاحنا کہ سمجھنا آسان بناحیا سکتاہے(درج ذیل مشال دیکھیں)۔

مثال ا.٧: اليے ايک مداحنل، ايک محنارج معاصر ترتيبي دور كاحبال كاحنا كه تسيار كريں، جو 1102 مداحنل كے حصول پر 1 حنارج كرتا ہو۔ بلندر تى بٹ ايپ تصور كريں۔ اليه دور كو **ترتيب شنان ان** ¹¹ كہتے ہيں۔

حسل: سشکل ۱۳۴۸ مسیں حسال کاحت کہ پیش ہے، جے دکھ کر دور کی کار کر دگی مسجمنا آسان ہے۔ دائرے مسیں حسال کا نام، اور نام کے نیچے 0 یا 1 موجودہ محت رخ ظاہر کر تاہے۔

sequence detector



شکل ۲.۳۴:حال کوالفاظ ہے یکار کر حنا کہ بہتر سنجھ آتا ہے (مشال ۱.۱)

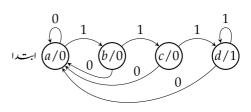
۲.۱۵ معاصر ترتیبی ادوار کی بناوٹ

گزشتہ جھے مسیں مخلف اقسام کے پلٹ کار استعمال کر کے معاصر ترشیبی ادوار تشکیل دیے گئے۔ان ادوار کے حصول کا باض بطے طسریق کار درج ذیل ہے۔

- ا. مسئله کے بیان سے حال کاحن کہ تیار کریں۔
 - ۲. درکار حال کی تعبداد کم کریں۔
- ۳. ہر حسال (کو ظاہر کرنے) کی منف ردشنائی قیمت منتخب کریں۔
 - ۴. حال کاجبدول حساسس کریں۔
 - ۵. پلے کار (کی قتم)کا انتخاب کریں۔
- ۲. پلٹ کار کی داخنلی اور حنارجی سادہ ترین مساوات حساصل کریں۔
 - ان مساوات سے معاصر ترشیبی دور تشکیل دیں۔
- مثال ٢٠٠: ایسام سامر ترتیب شناس تفکیل دیں جو تین متواتر 1 مداحن کے حصول پر 1 حنارج کرے۔

حل: ترتیب شناس کی کار کردگی ہے ہیان ہے شکل ۳۵.۱ کاحب ال کاحب اتا ہے۔ گول دائروں مسین ترقیعی کی سے سے اوپر حسال کا نام اور نینج محت ارج کی قیمت کلھی گئی ہے۔ شناس کا استدائی حسال a اور محت ارج پیت، تیسری a کی جمعول کے بعد حسال a اور محت ارج پیت، تیسری a کی جد حسال a اور محت ارج بلند ہوگا۔ دوسری a کے بعد حسال a اور محت ارج بلند ہوگا۔ دوسری a کے بعد حسال a مسین رہتے ہوئے محت ارج بلند رکھت ہے۔ کی بھی موقع پر a کا حصول، شناس کو واپس استدائی حسال a منتقب کرتا ہے۔ حسال کے حت کہ سے حساس حب دول، شکل a موجودہ مداحت اور موجودہ حسال، جبکہ دائیں ہاتھ اگا حسال اور موجودہ محت ارج بیں۔

20	موجوا	اگلا	موجوده
حال	مداحنل	حال	محنارج
а	0	а	0
а	1	b	0
b	0	а	0
b	1	С	0
С	0	а	0
С	1	d	0
d	0	а	1
d	1	d	1



شكل ٢٠٠٤: ترتيب شناكس كاحبال كاحباكه (مثال ٢٠٦)

حال کے منا کہ سے واضح ہے کہ حال کی تعداد حیارہ، جنہیں دوہِٹ کاشنائی عدد ظاہر کر سکتاہے۔

$$a=00 \\ b=01 \\ c=10 \\ d=11$$

(آپ کوئی دوسسری انتخاب کر سکتے ہیں۔ مثل ۷۰۱ دیکھسیں۔) دوہٹ کے لئے دو پلٹ کار در کار ہوں گے۔ ہم ڈی پلٹ کار منتخب کر کے ان کے محتارج A اور B ،اور مداحت ل D_B اور D_B اور کا اور کار ہوں کے عرب کار کار ہوں کے معارج کا اور کار مداحت کار کار ہوں کے اور کار ہوں کار
شن کی عسلامت استعال کرتے ہوئے مشکل ۳۵٫۱ مسیں پیش حبدول دوبارہ حبدول ۲٫۱ مسیں پیش کسیا گیا ہے، جس سے ڈی پلٹ کار کی درج ذیل مساوات اخسذ ہوتی ہیں۔

$$A(n+1) = D_A(A, B, x) = \sum (3,5,7)$$

$$B(n+1) = D_B(A, B, x) = \sum (1,5,7)$$

$$y(A, B, x) = \sum (6,7)$$

بدول ۲.۷ سے مشکل ۳۲.۲ کے کارناف نقتے بن کر درج ذیل سادہ مساوات ساسل ہوتی ہیں، جن سے مشکل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۳۷.۲ سے مسل ۱۳۷.۳ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۷.۳ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۰ سے مسل ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے مسل ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ سے مسلم ۱۳۳۳ سے ۱۳۳۳ س

$$D_A = Ax + Bx$$

$$D_B = Ax + \overline{B}x$$

$$y = AB$$

ترتیب شناسس ابت دائی ہیت حسال مسیں جیٹھ اشارہ کی مدد سے لایاحیا تاہے، جو شکل مسیں نہیں د کھایا گیا۔

حبدول ٢٠٤٤ ترتيب شناسس كاحسال كاحبدول

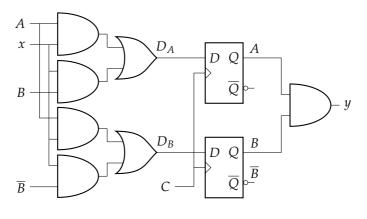
موجوده		اگلا		موجوره	
\boldsymbol{A}	В	x	A	В	y
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1

AB x	0	1	
00	0	0	
01	0	0	
11	1	1	
10	0	0	
y = AB			

x		
$AB \setminus$	0	1
00	0	1
01	0	0
11	0	
10	0	1 1
I	$O_B = x$	$A + x\overline{B}$

. 1	AB x	0	1
1	00	0	0
0	01	0	1 1
1	11	0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	10	0	1
$cA + x\overline{D}$	$\overline{3}$ I	$D_A = x$	A + xB

شكل ٢٠٦: كارناف نقشے برائے مشال ٢٠٠



شكل ١٠٣٤: ترتيب شناكس (مشال ٢٠٠١)

مثق 2.7: مساوات 17.7 امسیں حیال کے اظہار کا ایک انتخباب دکھیایا گیا ہے۔ آپ کوئی دوسر انتخباب کر کتے ہیں، مشالہ c=11 ، b=10 ، a=01 ہو گا۔ یہ دور حیاصل کریں۔

إبك

وفتسر

ایک پلٹ کارایک شنائی ہندے (بِٹ) کی معلومات ذخیبرہ کرسکتاہے۔ آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ بِٹ معلومات ذخیبرہ کرنے کے لئے آٹھ پلٹ کار درکار ہوں گے۔ وفتراسے مسراد وہ دور ہے جو معلومات ذخیبرہ، اور ایک جگہ ہے دوسسری جگ۔ متال کر کرنے کی صلاحیت رکھت ہو یوں، 11 بِٹ دفتیبرہ اور منتقبل کر کے مصلومات کے انتقبال کا انداز (سلماد واریامتوازی) دور کے ترکمیبی حصہ پر مخصصرہ ہوگا۔

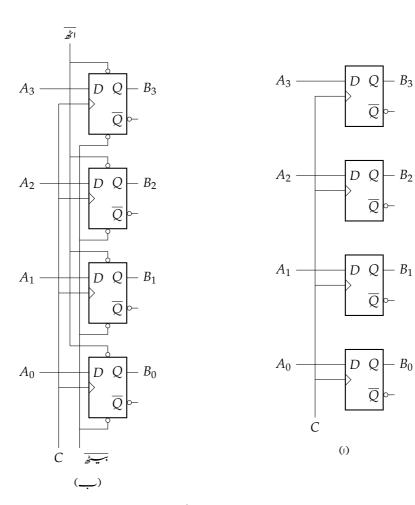
ے دہ ترین حیار ہِٹ وفت رشکل ۱.2 اسمیں پیش ہے۔ شکل الف مسیں مداحنل A جبکہ محنارج B ہیں۔ مداحنل کے حیار ہٹ B_2 ، B_1 ، B_2 ، B_3 ، B_4 ، B_5 ، جبکہ محنارج کے حیار ہٹ کے دیار ہٹ کا باور B_3 ، B_4 ، B_5
ساعت کے کسنارہ حب ٹرھسائی پر داخنلی حباریٹ پلٹ کار کو منتقبل ہو حباتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں دفت سرمسین مواد کااندراخ ہو گیا، یامواد دفت سرمسین درج ہو گیا، یامواد دفت سرمسین کلھ لیا گیا۔ ساعت کے انگلے کسنارہ حب ٹرھسائی تک سے حیار بٹ معسلومات دفت سرمسین محفوظ، اور محسارج پر دستہاہ ہوگا۔

سشکل ۱.۱-ب مسیں بلند اور پست صلاحیت کا پلٹ کار استفال کیا گیا۔ یوں، ساعت کے کسارہ حسین بلند اور پست کے کسارہ حسین بلند یا پست کیے جب سکتے ہیں۔ زبرد سستی پست کرنے کے دفت رصاف کا انظار کے بیٹرد مستی پست کرنے سے دفت رصاف ہوکر 20000ء جبکہ زبرد ستی بلند کرنے سے 11112 حسارج کرتا ہے۔

اس دور مسیں پلیٹ کار کی تعبداد n کرکے n بٹ دفت ر تشکیل دیاجب سکتا ہے۔ ہر بٹ کا متم بھی دفت رکے محنارج ہے دستیاب ہوگا۔ وستیاب ہوگا۔

register¹

۱۲۲ پایستاری



شکل ۲۱:حپارېك د فت رـ

ا بے بسلمہ وار دفت پر



مشكل ٢.٤: دائيں انتقت ال دفت ر

ا.۷ سلسله وار د فت ر

ا.ا.۷ دائيںانتڪال دفت ر

شکل ۲.2 مسین (سلیدوار) دانیه انتقالی دفتر بیش به جهان (متواتر) ایک پلئ کار کامخنارج، دو سرے کامداحنل به اور شنائی مواد، ۲ ، بائین (حبانب) سے مہیا کیا گیا ہے۔ شکل مسین زبرد ستی بست بن نہیں و کھایا گیا تا کہ اصل مضمون پر توجب رہ، تاہم تصور کریں ساعت کے بہلے کسنارہ حپڑھائی ہے قبل، تمام پلٹ کار زبرد ستی بیست کے گئے۔

x=1 و u_4 ، اور u_4 ، اور u_4 و u_5 ، اور u_4 ، u_6 و u_6 ، اور u_6 ، u_6 ،

 u_1 ، $Q_1=0$ کو u_2 ، $Q_2=0$ کو u_1 ، $Q_1=0$ کو u_2 ، $u_3=0$ کو u_4 ، $u_5=0$ ، $u_6=0$ ، $u_7=0$ کو $u_8=0$ ، $u_8=0$ کو $u_8=0$ ،

دور کوسلملہ وار فسنراہم بائیں سے مواد، سلملہ وار دائیں پلٹ کے محسارج Q₀ سے ای ترتیب مسیں حساس کیا حبا سکتاہے۔

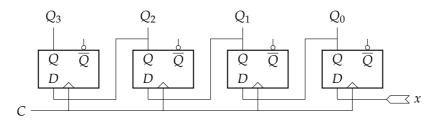
۲.۱.۲ بائين انتقت ال دفت ر

مشکل 2. سمسیں (سلیدوار) بائیر و انتقال وفتر و کوسایا گیاہے، جو مواد کی بائیں نقت ل مکانی کر تا ہے۔ اسس کی بن اوٹ بالکل دائیں انتقال دفت رمسیں دایاں پلٹ کار کا محن ارج پڑوی بایاں بیٹ کار کا محن ارج پڑوی بایاں پلٹ کار کا مداحن ہے۔ پیٹ کار کا مداحن ہے۔

ے کے کنارہ حب ٹرھائی پر دایاں پلٹ کار ف راہم کردہ مواد χ کی نقشل ماسک کر کے Q_0 پر حنارج کر تا ہے۔

shift right register shift left register

۱۲۲ باب_ ۲. دفت ر



مشكل ۲۰۰۳: بائين انتقت ال دفت ر

ا گلے کن ارہ پر ب مواد Q₁ کو منتقبل ہوگا۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ یہاں مواد دائیں سے فنسراہم کیا گیا ہے، جو دور مسیں سے گزرتے ہوئے مائیں منتقبل ہوگا۔

۷.۱.۳ دائين وبائين انتقتال دفت ر

بائیں ترین پلٹ کار کوبیسے رونی مواد 14 جب کہ دائیں ترین کو ٪ منسراہم کیا گیاہے۔ متابواٹ ارہ ان مسیں سے ایک منتخب کرتاہے جومط اوب سرت (دائیں پابکس) منتقب ہوگا۔

، Q_1 بائیں نفت ل مکانی کے دوران x پر میں مواد ساعت کے کنارہ حبٹر ھائی پر Q_0 پنجت ہے۔ اگلے کنارہ پر یہی مواد Q_1 اس سے اگلے پر Q_2 اور آحن رمیں Q_3 پنجت ہے۔ دائیں نفت ل مکانی کی صورت مسیں Q_1 پر موجود مواد السل رخ Q_2 سے Q_3 نفت ل مکانی کرتا ہے۔ Q_3 نفت ل مکانی کرتا ہے۔

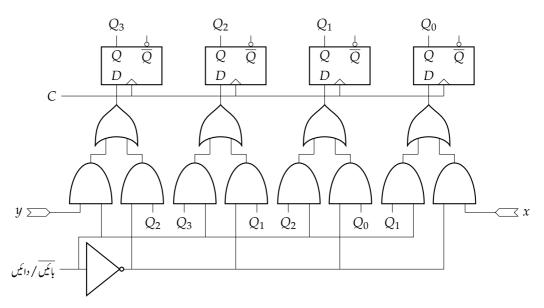
2.۲ متوازی تھے رائی د**فت** ر

بعض اوت ، و نترمسیں بیک وقت مواد حب را حسانے کی ضرورت پیش آتی ہے۔ شکل ۵.۷مسیں دائیرے انتقالی، متوازی محرائی وفتر مبیش ہے، جس مسیں متوازی مواد بیک وقت حب را مسکن ہے۔ یہ مخصر اُمتوازی وائیرے انتقالے وفتر کہا تاہے۔

پلٹ کار کو جمع گیٹ معلومات سنراہم کرتا ہے جس کو دو ضرب گیٹ مواد سنراہم کرتے ہیں۔ تابو اشارہ

parallel load, right shift register

_



مشكل ٢٠.٤: بائين ودائين انتصال دفت ر

متوازی ہجسرائی عسام طور غیسر فعسال (بلند) رکھا حباتا ہے۔ یوں دایاں ضرب گیٹ معسذور جبکہ بایاں گیٹ محباز ہوکر، بائیں پلٹ کار کامخساری، جمع گیٹ کے راستے پلٹ کار کو منسراہم کر تاہے، جو ساعت کے ایکے کسنارہ حپڑھسائی پر پلٹ کار مسین درج ہوگا۔

مواد 20 تا 23 پلٹ کار مسیں حب ٹرھانے کے لئے متوازی بھسرائی پیت کمیاحباتا ہے۔ یوں پلٹ کار کو مواد منسراہم کرنے والا بایاں ضرب گیٹ معد دور جب کہ دایاں محباز ہوگا۔ محباز گیٹ متوازی مواد کو جمع گیٹ کے راستہ پلٹ کار تک پہنچیا تا ہے۔

یوں پلٹ کارمسیں مواد سلمہ وار (y) یا متوازی (z_3) تا z_3) جھسراحب سکتا ہے۔

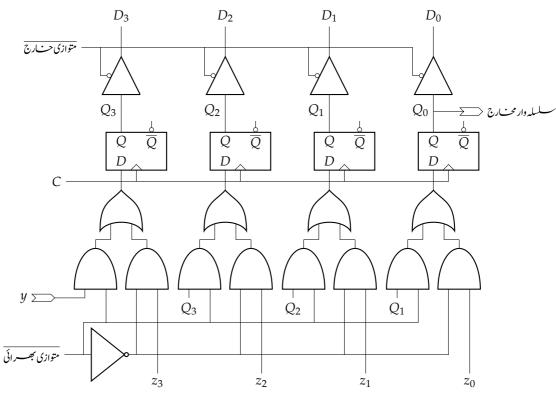
سشکل مسیں پلٹ کار کا محنارج، محباز و معندور مسلامیت مستحکم کارسے منسلک کیا گیا ہے۔ وت ابو احشارہ متوازی حنارج پست کر کے پلٹ کار کا مواد Q_0 تا Q_0 تا Q_0 حاصل کیا جب سکتا ہے۔ وت ابو احشارہ معندور (بلند) ہونے کی صورت مسین مستحکم کار کامخنارج بلندر کاوٹ حسال مسین ہوگا۔

۳.۷ عبالمسگیرانت<mark>تال دفت</mark>ر

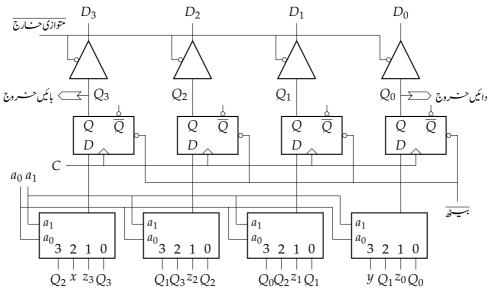
ہم مختف صلاحیت کے دفتاتر پر غور کر چکے، جن کی خوبیاں ایک دور مسین سموئی حبا^{سک}ق ہیں۔ایسا ایک **عالمگیر** انتقال **دفتر** ^۵مشکل ۱۷ مسین پیش ہے۔

universal shift register^a

اب کروفتر



مشكل 2.۵:متوازى دائين انتصال دفت ر



شكل ٧.٦: حياربِك، عسالسكيرانتق ال دفت ر

بائیں انتصال کے دوران مواد y پر سلسلہ وار واخلی ابوکر آحسر کاربائیں فروچ سے سلسلہ وار فارچ ^ہوگا، جبکہ دائیں انتصال کے دوران مواد x سے سلسلہ وار داحسٰل ہوکر آحسنر کاردائیں حسروج سے سلسلہ وار حسن ہوکر آحسنر کاردائیں حسروج سے سلسلہ وار حساح ہوگا۔

شکل ۲.۷ مسیں حیاریک ان مے ہیں، جن کی کار کر دگی ایک حب یہ ہے۔ دایاں حسب پر غور کرتے ہیں۔

پلٹ کارک ساتھ چار سے ایک منتخب کنندہ جوڑا گیا ہے۔ پت کے دوبِت a_1 اور a_1 مداحن سیں سے ایک چن کر حنار جی پئی پنجپ تے ہیں۔ مداحن کا انتخب درج ذیل حب ول کے تحت ہوگا۔

a_1	a_0	D_0	
0	0	Q_0	حسال بر فتسرار
0	1	z_0	متوازی دا ^{حن} ل
1	0	Q_1	دائيں انتقت ال
1	1	y y	بائيںانتقتال

پتہ ہوں مواد Q₀ منتخب کرکے پلٹ کارکے مداحن پر مہیا کر تاہے جوا گلے کن رہ ساعت پر پلٹ کارکے حنار جی پن پر حنارج ہوگا۔ یوں دفت رایت حسال برقت رار رکھے گلا اور مواد دائیں یابائیں منتقب نہیں ہوگا)۔

serial in

output²

serial out

۱۷۰ باپ2 دفتر

یت ہارہ مواد 2₀ پلٹ کار کومہیا کرے گاجو ساعت کے الگلے کسنارہ پلٹ کار کے محسارج پر نمودار ہوگا۔ چونکہ 2₀ متوازی مہیا کر دہ مواد ہے الب زامتوازی مواد دفت رمسین حیث ہے گا۔

پت ہوں کار کو Q_1 مہیا کرے گا۔ یوں موجودہ Q_1 ساعت کے اگلے کنارے پر بطور Q_0 نمودار ہوگا۔ یعنی دفت مراددائیں متقتل کرے گا۔

پت۔ 11₂ سلمہ وار مہیا کر دہ مواد y منتخب کرے گاجو ساعت کے اگلے کنارہ پر بطور Q_0 نمودار ہو گا۔ یوں دفت سرمواد بائیں منقتل کرے گا۔

مذ کورہ بالا تحب زہے باقی تین حصوں پر لا گو کر کے عسالم گیے روفت رکی کار کردگی حب دول مسیں پیش کرتے ہیں۔

a_1	a_0	D_3	D_2	D_1	D_0	
0	0	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	حسال بر فت رار متوازی دا حسل دا مکی انتقت ال با مکی انتقت ال
0	1	z_3	z_2	z_1	z_0	متوازی دا ^{حن} ل
1	0	x	Q_3	Q_2	Q_1	دائيں انتقت ال
1	1	Q_2	Q_1	Q_0	y	بائيں انتقت ال

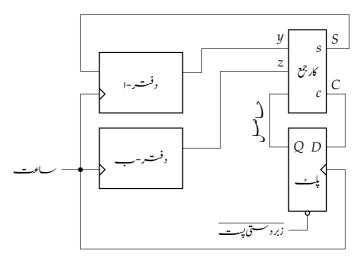
مثق ا۔2: انٹ رنیٹ سے عبالسگیر انتقال دفت ہر 74194 کے معسلوماتی صفی سے حساس کریں۔(۱) ہے۔ کتنے ہِٹ کاعبالمسگیر انتقال دفت رہے؟(ب)اسس کواستعال کرتے ہوئے مولہ بٹ عبالم گیب د فت رحباصل کریں۔

صفے۔ ۱۳۷ پر مشکل ۲۴.۶ مسیں سلمہ وار شنائی تبح کار پیش ہے جس کواستعال کرکے مشکل ۷٫۷ مسیں پیش متعہد و ہٹ سلمہ وار شنائی جمع کار حسامسل کپا گیا۔ یہاں 11 ہٹ متوازی دائیں انتصال و فت ر (ااور ہے) مستعمل ہیں۔

ساعت کے پہلے کنارے سے قبل (یعنی مجبوعہ لینے سے قبل)، وفت رامسیں شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد ہا، وفت رسب مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست مسین شنائی عدد کے ڈی پلٹ کارپست کسیاحب تا ہے (تاکہ مکسل جع کار کاداحنلی حساسل 0 ہو)۔ شکل مسین متوازی حسائی نہیں دکھائی گئی تاکہ اصل موضوع پر توجہ رہے۔

کسل بیخ کار ان دوشنائی اعبداد کے کم تر تی بیٹ اور داحنلی حساس ل جیخ کر کے بیٹے s_0 اور حسار بی حساسل c_1 حسارت کرتا ہے۔ ساعت کے پہلے کسنارے پر c_1 کو ڈی پلٹ کار محفوظ کر کے ایگلے شنائی بٹ کی بیٹے کے دوران مکسل بیخ کار کو بطور داخنلی حساسل و نسراہم کرتا ہے جب د فتسر – ااور د فسسر – ب ایگلے شنائی بٹ و نسراہم کرتے ہیں۔ بیخ s_0 مشکل مسیں د فسسر – اور مہیا کہا گیا ہے۔ یوں جیسے جینے د فسسر شنائی عسد و کا دائیں حبانب حسارت کرتا ہے والے اسس کی جگہ د د واعبداد کا محبوعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے n کسنارے گزرنے کے بعید د دو

۲۷. ك. سلسله وارشنائي جمع كار



مشكل 2.2: متعب دبيك سلسله وارشنائي جمع كار

شنائی اعبداد کا مجسوعہ دفتر-امسیں محفوظ ہو گاجہاں سے اسے متوازی پڑھا حبا سکتا ہے جب کہ محبسوعے کا آحسری حساسل مکسل بھن کارکے محنارج c سے پڑھا حباسکتا ہے۔

اب ۸

گنــــ کار

شنائی گنت کار آپ دیچ چے ہیں۔ گنت کار کابنیادی مقصد داحنلی برقی اشارے ای گسنتی کرناہے۔ برقی امشارہ اے بطور ساعت یا اور مداحنل کے طور پرمہیا کیا حب تاہے۔

وہ دفتر جس کے حضارتی برقی احضارات شنائی گسنتی کے تحت ترتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں شنائی گئے۔ کار کہا تا ہے۔ وہ دفت رجس کے حضارتی احضاری گسنتی کے تحت ترتیب وار حسال تبدیل کرتے ہوں اعثاری گئے۔ کار کہا تا ہے۔

ان کے عسلاوہ، کوئی بھی دور جو کسی متعسین ترتیب کے تحت متواتر حسال تب یل کرتا ہو گئت کار کہا اے گا۔

گنے کار ادوار پر اسس باب مسیں غور کیا حبائے گا۔

۸.۱ شنائی گنت کار

حپاربِٹ شنائی سید ھی گسنتی و 00000 تا 11112 مسکن ہے۔ ای طسرح الی گسنتی و 1111 ہے شہوع ہو کر 00000 پر جستم ہو گی۔ دونوں صور توں مسیں گسنتی پوری ہونے کے بعد عصوماً دوبارہ نئے سرے سے مشہوع کی حباتی ہے۔ مشکل ۱۸۔ الف مسیں چار پھے ثنائج سیدھا گنتے۔ کار ''اور مشکل - ب مسیں چار پھے ثنائج اللے گنتے کار ''بیش ہیں۔ ان کی بناوٹ ماتی حباتی ہے۔

ثنائی گنتے کار میں بہتے بھی دکھ ہے ہیں۔ سیدھ گنتے کار میں زبردستی بلند (ا) یعیٰ غیر نعال رکھا جاتا ہے۔ گئت تاری کی استدائی تیمیں) رکھا جاتا ہے۔ گئت تاری کی استدائی تیمیں)

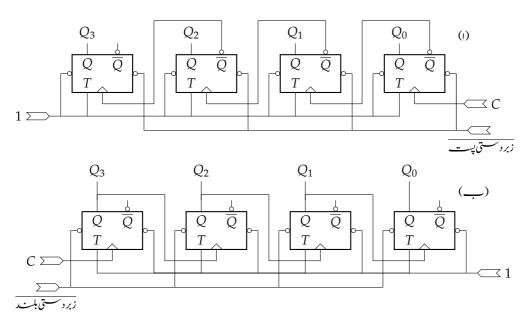
electrical signal

four bit binary up counter

four bit binary down counter

binary counter

۱۷۳ باب۸. گنت کار



شکل ۸.۱: سیدهااور الٹ گنت کار

0000₂ کی حباتی ہے۔ گئنتی کے دوران کی بھی وقت زبردستی پست انشارہ پست کر کے گئنتی دوبارہ صف رسے سے سے روئی کی حباسکتی ہے۔

النے گنتے کار میں زبردستی پست کو عنیہ رفعال رکھا جباتا ہے جبکہ زبردستی بلند امشارے کو گنتی میں وقت مشروع کرنے سے قبل لمحاتی فعال کر کے گنتی 1111 سے مشروع کی حباتی ہے۔ گئتی کے دوران کی بھی وقت اسس امشارے کویت کر کے گئتی دوبارہ 11112 سے مشروع کی حباستی ہے۔

سیدھے گنت کار کو مثال بنتے ہوئے ایک اہم صورت حسال پر غور کرتے ہیں۔ شکل مسیں بایاں ترین پلٹ، ساعت کے (ہر) کندارہ حپڑھائی پر حسال تبدیل کرتا ہے۔ ساعت کے کندارہ حپڑھائی کے کچھ دیر بعد \overline{Q}_3 حسال تبدیل کرے گا۔ اس دورانی کو پلٹ کا دورانیہ روعکی آئے ہیں۔ یوں اگلے پلٹ کو، جے \overline{Q}_3 بطور ساعت فضر اہم کیا گیا ہے ، حسال تبدیل کرنے کا خب و اصل ساعت (کے کندارہ حپڑھائی) ہے کچھ دیر بعد پنچتا ہے۔ اسس پلٹ کو بھی میناری (\overline{Q}_2) تبدیل کرنے کا خب راصل ساعت دورانی رد عمسل بھنا وقت در کار ہوگا۔ ای طسر آسس ساما گلے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں اس ساعت الگے پلٹ کو بھی مینارہ در کیا کہ میں کا درانے در دعمسل کے دی دورانی در در عمسل ساعت در کار مینارہ در عمسل ساعت کے درار تاخیس سامال کا دی کے درانے در درانے در دعمسل کے درگے وقت کے برابر تاخیس ساملے گا۔

آپ و کیھ سے ہیں اسس دور مسین تمسام پاٹول کے محسارج بیک وقت سبدیل نہیں ہوں گے بلکہ محسارج کی سبدیلی بائیں پاٹ سے سضہ وع ہوتی ہے اور بدستور دائیں حبانب بڑھتی ہے۔ محسارج کی سبدیلی اسس دور مسین لہسر کی طسرح گزرتی

propagation time^a

۸.۲ معاصر گنت کار ۸.۲



مشكل ٨.٢: معاصر شنائي گنت كار

ہے۔ یوں اسس طسر آ دوار کو اہریا گنے کار ایک بیں۔ یوں موجودہ دور اہریا ثنائی گنے کار کہ ساتا ہے۔

عسین ممسکن ہے کہ آحنسری پلٹ تک سعت کی خب رہنچنے سے قب ل سعت کانسیاات ارہ پہلی پلٹ کو ملے۔ یوں آحنسری پلٹ گزشتہ ساعت گننے کے مطابق جب پہلی پلٹ نئی سعت گننے کے مطابق ہو گااور گسنتی عناط ہو گل۔ متعدد پلٹ پر مبنی الہدیا گنت کار مسین السس مسئلہ کی توقعر کھیں۔

معاصر گنت کاراسس مسئلہ ہے یا کہ بیں۔ آئیں ان پر غور کرتے ہیں۔

۸.۲ معاصر گنت کار

معاصر گنتے کار مسین تمام پلٹ کوایک ہی ساعت مہیا کی حباتی ہے البندا تمام پلٹ ہیکوقت نیاحال اختیار کرتے ہیں۔ ان ادوار مسین ہم پلٹ کے مداحسل پر ترکسی دور نفس کرے، اے اگلی ساعت کے کنارے پر، بلند پایست ہونے کا انشارہ مہیا کہا حباتا ہے۔ پلٹ اگلی ساعت کے کنارے پر اسس انشارے کے مطابق حسال اختیار کرتا ہے۔ یہ فیصلہ کہ اگلی ساعت پر پلٹ بلندیا ہیت حسال اختیار کرے گا، دور کے موجودہ حسال کو دکھ کر کمیاحب تا ہے۔ اسس طریقہ کارکوچند مشالوں سے مسجھتے ہیں۔

۸.۲.۱ معاصر شنائی گنت کار

تا ہے معاصر شائی گنے کار مشکل ۲.۸ مسیں پیش ہے۔ منارج Q₀ کمت ررتی ہدجبکہ Q₂ بلند زرتی ہِد

حبدول ۱.۸ مسیں موجودہ عال کی قطار مسیں تین بِٹ شن کی گئے ہو کی بھی لیحے پلئے کاموجودہ حال پیش کرتی

ripple counter

binary ripple counter²

three bit synchronous counter^A

حبدول آرم: معساصر شناقی کنیت کاریے حسال	ما المرشن ائی گنت کارے حال	حبدول ۸.۱ معب
---	----------------------------	---------------

<u>ا</u>	بوده حسا	موج	اگلا حسال			مداحنل			
Q_2	Q_1	Q_0	Q_2	Q_1	Q_0	T ₂	T_1	T_0	
0	0	0	0	0	1	0	0	1	
0	0	1	0	1	0	0	1	1	
0	1	0	0	1	1	0	0	1	
0	1	1	1	0	0	1	1	1	
1	0	0	1	0	1	0	0	1	
1	0	1	1	1	0	0	1	1	
1	1	0	1	1	1	0	0	1	
1	1	1	0	0	0	1	1	1	

حبدول ۸.۲: في پلين کي کار کر د گي

$$\begin{array}{ccc}
T & Q_{n+1} \\
\hline
0 & Q_n \\
1 & \overline{Q}_n
\end{array}$$

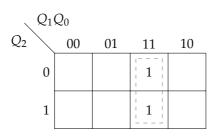
ہے۔ موجودہ حسال استعال کرتے ہوئے باقی جدول حساس ہوگا۔ حبدول کی پہلی صف پر غور کریں جہاں موجودہ گسنتی یا موجودہ حسال 2000 ہے۔ ہم حیاج ہیں کہ اگلاعہد و 001 ہو، البندا الکھ عالی کی پہلی صف مسین ہم 2010 کھتے ہیں۔ آحنسری صف مسین موجودہ حسال 111 ہے۔ تین بیٹ استعال کرتے ہوئے یہیں تک گسنتی مسکن ہے۔ اسس آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ ہیں گسنتی تک پہنچ کر ہم دوبارہ 2000 ہے گسنتی شہروغ کرتے ہی، البندا آحنسری صف مسین اگلاحسال 2000 ہو گا۔ این طسرت موجودہ حسال کی پہلی صف ہوگا۔ ای طسرت موجودہ حسال کی تیسسری صف ہوگا۔ اس کی دوسسری صف ہوگا۔ اسلام تاکہ حسال کی پہلی صف اگلے حسال کی توسری صف ہوگا۔

پہلی صف کے کمت رہ تی بِٹ Q_0 پر غور کرتے ہیں۔ اسس بٹ کی موجو دہ قیت کو موجو دہ حسال Q_0 ظاہر کرتا ہے جو 0 ہے جب اسس کی اگل قیت اگلاحیال Q_0 ظاہر کرتا ہے جو 1 ہے۔ ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ساعت کے کشارہ حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات حیث رہا ہوگا۔ یہ معلومات کی بلٹ کا حیال 0 ہے 1 کرنے کی حیاط رہا ہوگا۔ یہ معلومات حید دل معین میں مواظ کی کا حیات ہوگا۔ یہ میں میں مواض کی تی بلٹ کے میں میں میں میں میں مواض کا حیات ہوگا۔ یہ میں میں میں میں جدول معین میں میں میں میں ہوگھتے ہیں۔ 1 کی تی میں ہوگھتے ہیں۔

0 ای (پہلی) صف میں انگلے بن Q_1 پر غور کرتے ہیں۔ اس بِٹ کی موجو دہ قیمت 0 ہے اور اس کی اگلی قیمت بھی 0 ہے، الہذا اساعت کے انگلے کنارے پر ہم نہیں حہا ہے کہ ب پلٹ اپنا حسال تبدیل کرے یوں اس پلٹ کے مداحنل T_1 کوپیت رکھنا ہوگا۔ اس طسر ت T_1 کے حن نے مسیں 0 کھی جبائے گا۔ ای طسر زیر تمام صفوں کے تمام مداحنل کے لئے حدول کے حن نے بڑکے گئے ہیں۔

دور بنانے کے لئے حبدول ۱.۸ مسیں مدافل کی قطب راستعال ہو گی جس سے مجسوعہ ارکان ضرب کی ترکیب سے درج

۸.۲ معاصر گنت کار



$$T_2 = Q_1 Q_0$$

Q_1	Q_0			
Q_2	00	01	11	10
0		1	1	
1		1	1	

$$T_1 = Q_0$$



$$T_0 = 1$$

شکل ۸٫۳: تین بٹ معاصر گنت کار کی سادہ مساواتیں

زیل مساوا<u>ت لکھے</u> حبا<u>سکتے ہیں۔</u>

$$T_0=1$$

$$T_1=\overline{Q}_2\overline{Q}_1Q_0+\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2\overline{Q}_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

$$T_2=\overline{Q}_2Q_1Q_0+Q_2Q_1Q_0$$

ہے۔ مباوات موجودہ حسال کی قیمتیں مدِ نظر رکھ کر لکھی گئی ہیں۔ حبدول ۱.۸مسیں موجود مواد سے مشکل ۳.۸مسیں پیش

۱۷۸ باب۸ گنت کار

کارناف فقثوں کی مدد سے درج ذیل سادہ مساواتیں حساس کی گئی ہیں۔

$$T_0 = 1$$

$$T_1 = Q_0$$

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

شکل۲.۸مسیں تین پلیوں کومساوا۔۔۲.۸ ہے حساسسل برقی امشارا۔۔ بطور مداحسٰل منسراہم کر کے تکہینے پہلے معاصر ثنائیہ گذشتہ کار 'حسامسل کسا گیا۔۔

 Q_0 جب دول ۱۰ او کی کر بھی مساوات ۲۰ مسال کے جب سے بین اسس جب دول پر فور کرنے سے دیکھ احب سکتا ہے کہ Q_0 مرساعت کے کسنارے پر تبدیل ہوتا ہے۔ T_0 پر T_0 پر T_0 بر لاسساوات کے کسنارے پر T_0 کی تحت تبدیل ہوتی ہے، جو T_0 کو میں جب والاسساوات کا دوسراحب ذوہ ہے)۔ ای طسر حب دول مسیں جب کو میں اور T_0 کی تحت تبدیل ہوتی ہے۔ ایوں T_0 کو میں اور T_0 کی تحت تبدیل ہوتی ہے۔ ایوں T_0 کو میں اور T_0 کو میں بر خور کرنے سے میں میں اور اسساوات کا تبدیل کرتا ہے جب اسس کے محت رتب میں میں میں میں میں کہ کوئی بھی میں میں بر اور کا گوگند کا رہ سے کا رہ سے کہ دیل کرتا ہے جب اسس سے محت رتب میں میں بر گور کرنے کے در کی ذری بھی میں میں بر کو گار گرنے کا رہ سے کا دین دیل ہوگا۔

$$egin{aligned} T_0 &= 1 \ T_1 &= Q_0 \ T_2 &= Q_1 Q_0 \ T_3 &= Q_2 Q_1 Q_0 \end{aligned}$$

۸.۲.۲ شنائی مسر موزاعث اری معیاصر گنت کار

گزشتہ ہے مسیں تین بِٹ شن نی گنت کار پر فور کے گیا، جو 2000 تا 1118 گسنتی کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حیار بِٹ شن نی گنت کار کو 20000 تا 11012 شن نی گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن نی گنت کار کو 20000 تا 11012 گسنتی کر سکتا ہے۔ حیار بِٹ شن نی گنت کار کو 20000 تا 10012 گسنتی کار کے کار احساس ہوگا، جس پر اسس ہے۔ مسیں غور کی حیار کا گاف ان حیار کی گئت کار کے حیال پیش ہیں۔ جدول مسیں مخارج پر کی قطار کا اضاف سے کیا گیا ہے۔ مین رخ کو تک گرفت کی گئت کار کے حیال پیش ہیں۔ جدول مسیں مخارج پر کی قطار کا اضاف سے کیا گئی ہے۔ مین رخ کو تک گرفت کی گور کی ہوئے بسند ہوتا کے گئی بلند ہوتا ہے۔ مین رخ کو کی گسی کے کہ بلا استعال کرتے ہوئے متعدداعث ری بند سول کا گنت کار تحنیق و جرب تے ہیں۔

three bit synchronous binary counter9

four bit synchronous binary counter1+

BCD decimal counter"

time period"

_	Q_1	Q_0			
Q_3Q_2		00	01	11	10
	00			1	
	01			1	
	11			d	d
	10	d	d	d	d

\	Q_1	Q_0			
Q_3Q_2		00	01	11	10
	00				
	01			1	
	11		1	d	d
	10	d	d	d	d

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

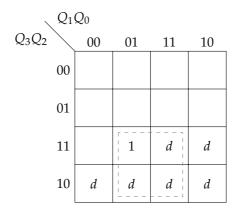
$$T_3 = Q_3 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0$$

_	Q_1Q_0									
Q_3Q_2		00	01	11	10					
	00	1	1	1	1					
	01	1	1	1	1					
	11	1	1	d	d					
	10	d	d	d	d					

\	Q_1Q_0									
Q_3Q_2		00	01	11	10					
	00		1	1						
	01		1	1						
	11			d	d					
	10	d	d	d	d					

$$T_0 = 1$$

$$T_1 = \overline{Q}_3 Q_0$$



$$y=Q_3Q_0$$

	حسال	موجوده			سال	اگلا حـ		محنارج		ٺل	مداح	
Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	y	T ₃	T_2	T_1	T_0
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1
0	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	0	1

حبدول ۸.۳:شنائی مسرموز اعشاری گنسه کارے حسال

اس حبدول مسین 1010_2 تا 1111_2 ترتیب استعال نہیں ہوتے، الہذاکار ناف نقتوں کی مدد سے پلیوں کے مداخت T_0 تا T_0 تا T_0 کی ساوات سامال کرتے وقت انہیں غیر ضرور کی حال تصور کیا جاتا ہے۔ شکل مرحم میں درج ذیل سادہ مساوات سامال کرناد کھایا گیا ہے۔

$$T_0=1$$

$$T_1=\overline{Q}_3Q_0$$

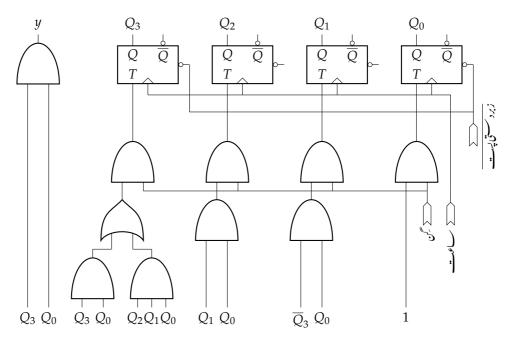
$$T_2=Q_1Q_0$$

$$T_3=Q_3Q_0+Q_2Q_1Q_0$$
 $y=Q_3Q_0$

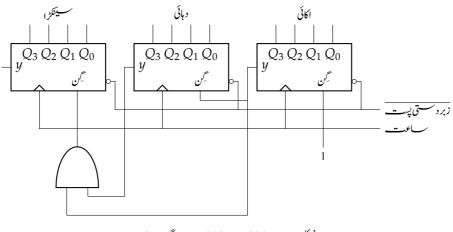
ان مساوات سے حساسل دور مشکل ۵.۸ مسین پیش ہے، جہاں تمسام پلٹ کے مداحسٰل پر اضافی ضرب گیٹ نصب کر کے گسنتی مشروع اور روکنے کی اصافی صلاحیت بھی پیدا کی گئی ہے۔ ان اصافی ضرب گیٹوں کو برقی امشارہ گرفتے مہیاکیا گئی ہے۔ ان امشارہ بلند ہونے کی صورت مسین دور گسنتی کر تا ہے اور امشارہ پیت ہونے کی صورت مسین گسنتی روکتا ہے۔
گسنتی روکتا ہے۔

شکل ۲.۸ مسیں تین درجی دور بنایا گیا ہے جو 000₁₀ تا 999₁₀ گئتی کرتا ہے۔اے بنانے کی حناطسر تین عدد ثان کی مرموز اعثار کے گئت کار (شکل ۵.۸)استعال کیے گئے۔ای طسرح مسزید در حبات جو ڈکر در کار بسند سوں کا گنت کار بسنایا جاتا ہے۔اکائیوں کی گئت کار کی گئت کار کی گئت کار بالمند ہو حنارج کرتا ہے جو دہائی گئت کارک گئے مداحنل کو صند اہم کمیا گئی ہے۔ یوں ساعت کے اگلے کسنارے پر دہائی کی گئت مسیں 1 کا اصف ف ہوگا۔ ای طسرح 99₁₀ کو چنج پر سینکو اگنت کارک گئی مداحنل بلند ہوگا اور اگلے کسنارہ ساعت پر سینکو اگن میں 1 کا اصف ف ہوگا۔

۱۸۱ معاصر گنت کار



شکل ۸.۵:شنائی مسر موزاعشاری معساصر گنه کار



شكل ٨٠٦: 000₁₀ تا 999₁₀ معاصر گنت كار

۱۸۲ باب۸. گنت کار

اس دور کی کار کرد گی تھے یوں ہے۔ گنتی شہروع کرنے سے قبل زبردستی پیسے کو لمحسانی پیسے کرکے گنتی 000_{10} دی حیاتی ہے۔ ساعت کے کنارہ حید رہائی اور سیکڑا کی گستی ہیں۔ کا گوئی ہند سے کی گستی ہیں اکائی درجہ کا محنارج y پیسے رہت ہے جو دہائی اور سیکڑا کی گستی روک کرر گھت ہے۔ گستی 009_{10} تا ہے دور کی عصر میں کے لئی بدد موالا میں اور کی کا محنارج y ایک موجوبا کے محسارہ میں گا، جب دہائی درجہ کا ہمند سہ 010 سے بڑھ کر 011 ہو حب کے گااور ای وقت اکائی کا محنارج y واپس پیسے حسال اختیار کر گا، جب دہائی درجہ کا ہمند سہ 010 سے بڑھ کر 011 ہو حب کے گااور ای وقت اکائی کا محنارج y واپس پیسے حسال اختیار کر کی رہتی ہے۔ ای طسر ح 010 بعد اکائی اور دہائی در حب سے محنارج y بلند ہوتے ہیں جس کی وجہ سے اگلے میں موجب کے گاہب کہ اکائی اور دہائی در حب سے 010 میں گاہب کہ اکائی اور دہائی در حب سے 010 میں گاہب کہ اکائی اور دہائی در حب سے 010 میں گاہب کہ اکائی اور دہائی در حب سے 010 میں گاہب کہ اکائی اور دہائی در حب سے 010 میں گاہب کہ اکائی اور دہائی در حب سے 010 میں گاہب کہ اکائی اور دہائی در حب سے وحب نمیں گے۔

مثق ا.٨: انسٹرنیٹ سے 7493 اور 4516 کے معسلوماتی صفحات حساس کریں۔انہیں استعال کرتے ہوئے متعبد دبٹ گنت کار تحضایق دیں۔

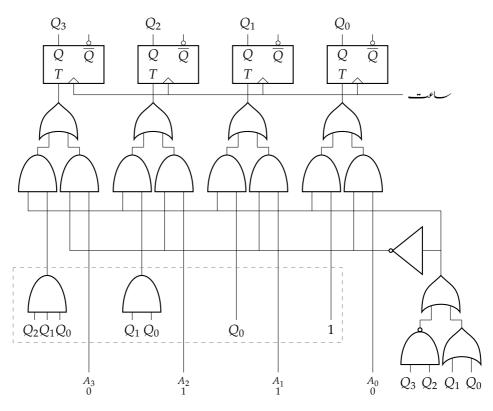
۸.۳ دیگر گنت کار

۸.۳.۱ متغب رلمبائی گنت کار

 $= \sqrt{1000}$ تا = 1111 گستی کرتا ہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے نی گستی کرتا ہے۔ متوازی دخول استعال کرکے اسس کو دواعہ داد کے نی گستی کرنے پر محببور کمیا حب ساتھ ہے۔ جس عدد سے گستی کا آغناز کرنا ہووہ عدد دور کو متوازی و مسراہم کریا جب تا ہے کہ وہ دوبارہ متوازی و مسراہم کردہ عدد داحن کرکے گستی از سے نوشروع کرے۔

variable length counter"

۸.۳ دیگر گنت کار



سشكل ٤٨: دوشن كى اعب داد، 0110 اور 1100₂ ، كے فئ گسنتى كرنے والاموساصر گنت كار

۱۸۲۰ پاب۸. گنت کار

حبدول ۸.۴: برتیب گنت کار، برائے مثق ۲.۸

موجو دہ حسال							
Q_2	Q_2 Q_1						
1	0	1					
0	1	1					
1	1	0					
0	1	0					
1	0	0					
0	0	0					
0	0	1					

دورمسیں 01102 پہلی مسرتب داخنل کرنے کاطسریق، نہیں دکھایا گیا۔

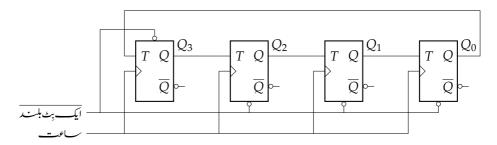
۸.۳.۲ کے ترتیب گنت کار

معاصر شنائی گنت کار پر بحث کے دوران حبدول ۱۸ اپیش کیا گیا۔ اسس حبدول کے موبودہ مالی حنانوں مسیں 000ء ، 001ء ، 000ء ، 000ء کیا تا جبدول حساسل کیا گیا۔ یوں حساسل گنت کار 000ء کے بتدریج بڑھتے ہوئے 111ء تک گنت ہے۔

سے ضروری نہیں کہ گنت کارعام فہم گنتی کی ترتیب مسین ہی گئنے۔ موبودہ عالی صفوں مسین کوئی بھی ترتیب ککھی حبا سکتی ہے۔ فقط است خیبال رکھنا ضروری ہے کہ ہر صف مسین منف روعب د کھا حب نے باقی حبدول ان اندراج کے مطابق پوراکرنے سے ایسا گئت کارحیاصل ہو گاجو موبودہ عالی صفوں مسین کھے گئے اعبداد کے مطابق گئت کارے گا۔ ہم اسس کو لیے ترتیبے گئت کار کارسے ہیں۔

مثق ۸.۲: ایس بے ترتیب گنت کار تخلیق دیں جو بدول ۴۰۸ میں پیش اعبداد کی ترتیب کے مطابق گنت ہو۔ 001 دے گاور 2012 دے گاور 2012 دے گاور 2012 دے گاور 2012 تک پہنچ کے بعب دوبارہ 2012 کے گئٹ شروع کرے گا۔

۸٫۳ دیگر گن<u>ت</u> کار



شنگل ۸.۸: پیسلا گنسه کار حبد ول ۸.۵: حب ارب پیسلا گنسه کار

	حال	موجو ده			سال	اگلا حـ			نل	مداح	
Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	T_3	T_2	T_1	T_0
1	0	0	0	0 0	1	0	0	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0

۸۳۳ چيلاگنت کار

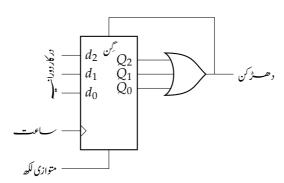
ring counter"

۱۸۲ باب. ۸ گنت کار

Q	$_1Q_0$			
Q_3Q_2	00	01	11	10
00	d	$\begin{bmatrix} 1 \end{bmatrix}$	d	0
01	0	$\begin{vmatrix} 1 \\ 1 \end{vmatrix}$ d	d	d
11	d	d	d	d
10	0	d	d	d

 $T_3 = Q_0$

شکل ۸.۹: چھلا گنت کارے مداحن ل₃ کا کاحصول۔



شکل ۱۰.۸: دهسٹر کن بیب داکار

۸.۳.۴ د هسر کن پیداکار

بعض اوت اے ہمیں مقسررہ دورانی کابلٹ دیاپے اسٹارہ در کار ہوتا ہے۔ تین بٹ کامع اصر شنائی الٹ گنت کار استعمال کرتے ہوئے ایب دور تشکیل دیے ہیں۔ اسس دور کوہم **دھز کرنے پیدا کار** ^{۱۵ کہ} ہیں گے۔

تین بِٹ السٹ گنت کار 1112 تا 2000 دہراتا ہے۔ سٹکل ۱۰۸ مسیں متوازی دخول صلاحیت رکھنے والا تین بِٹ السٹ گنت کار استعال کی گینے بلند ہو۔ اسس دور کو تین بِٹ بطور درکار گنت کار استعال کی گینے بلند ہو۔ اسس دور کو تین بِٹ بطور درکار دورانے مندراہم کیے حباتے ہیں، جو متوازی کھے مداحن لحساتی بلند کرنے سے گنت کار مسیں کھے حباتے ہیں۔ جب تک گنت کار کے شینوں حناری بی ہوں بھی گیا ہے۔ بند رہتا ہے لہذا گنت کار الٹ گسنتی حباری

pulse generator ¹²

۸.۳ ویگر گنت کار

رکھ گا۔ جیسے ہی گنت کار 2000 کو پنچت ہے، جمع گیٹ کاممنارج بیت ہوحباتا ہے اور یوں گنت کار گسنتی روک دے گا۔ یوں تین بِٹ مسیں پیش در کار دورانیے کے لئے ممنارج دھڑ کھی بلندرہتا ہے۔

9____

حسافظ

ایک پلٹ ایک شافی ہندسہ معلومات (مواد) ذخیرہ کرنے کا صلاحیت رکھت ہے۔ شنائی ہندے کو پہلے ابھی کہتے ہیں۔ یوں ایک پلٹ ایک شنائی ہند سے مافظہ اسکے طور پر کام کر سکتا ہے۔ آٹھ پلٹ جوڑ کر آٹھ شنائی ہند سہ حسانظہ حساسل کیا جب اسکا ہے۔ آٹھ شنائی ہند سہ حسانظہ مسلم کیا ہے۔ آٹھ شنائی ہند کو ایک بہت مسلم کیا ہے۔ اس طرح الا بیٹ پلٹ کے انکے مواد کو لفظ اسکتے ہیں۔ حسانظہ کا لمبائی قطعی ہوتی ہے۔ یوں آٹھ بٹ لفظ ایک بائٹ پر مشتمل ہوگا جب سولہ بٹ لفظ دوبائٹ پر مشتمل ہوگا جب بائٹ پر مشتمل ہوگا جب سولہ بو فظ کہ بائٹ پر مشتمل ہوگا جب سولہ دو افظہ کا حسانظہ جس مسیں ہر لفظ ایک بائٹ پر مشتمل ہو وو سو کی پیسائٹ میں مواد داخش کرنے کو مواد لکھنا میں انہیں تم کر ہوتیا تی جب نظے ہو کو کر ساختا کا حسانظہ کے حصول کو مواد پڑھنا آپارے افظہ کا حسانظہ ہوگا ہے۔ یوں دو سوائٹ کو مواد لکھنا میں انہیں تم کر ہوتیا تی جب نظے ہو کو کر ساخت کے جو کو کر ساخت کے حصول کو مواد پڑھنا آپارے افظہ کا جو کر ساختا ہے۔ مسیں انہیں تم کر ہوتیا تی جب نظے ہو کہ کہ کہ معتام پر کھنا میں مصام ہے معلومات کا دورانیہ رسائی یا اسس مصام سے معلومات کا دورانیہ رسائی یا اسس مصام سے معلومات کا دورانیہ رسائی یا اسس میں مصام سے معلومات کا دورانیہ رسائی یا اسس میں مصام سے معلومات کا دورانیہ رسائی یا اسس میں مصام سے معلومات کا دورانیہ رسائی یا اسس سے پڑھنے میں در کاروقت تسام مصامات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اسس دورانیہ رسائی یا اسس سے پڑھنے میں در کاروقت تسام مصامات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اسس دورانیہ رسائی یا اسس سے پڑھنے میں در کاروقت تسام مصامات کے لئے تقت ریب آبر ابر وگا۔ اسس دورانیہ کو کا دورانیہ رسائی کے مورانیہ رسائی کر کے بیں۔

memory' byte' word' write

random access memory, RAM²
access time^A

<i>بواد</i> مٹانے کامفہوم	حبدول ۹: حسافظ ہے م
---------------------------	---------------------

1111 1111	1011 0101
1111 1111	0000 0000
1111 1111	1111 1111
1111 1111	0110 0110

دوسری فتم کاحف نظہ، جو پختہ ما فظہ اللہ ہاتا ہے، میں برقی طاقت کی عدم موجود گی میں بھی مواد محفوظ رہت ہے
ہم اس سے معلومات پڑھنے کی حناطسر حافظ کو درکار برقی طاقت فیصر ابھم کرنا لازم ہے۔ پخت حافظہ معلومات کی بھی وقت کی بھی معتام ہے پڑھی جب سکتی ہے۔ حافظے کے تمام معتامات ہے مواد پڑھنے کے لئے
معلومات ہو حافظہ کا دورائیہ رسائی کہلاتا ہے، تقتریباً ایک جیب ہوگا عام استعال میں پخت حافظہ
درکار وقت، جو حافظہ کا دورائیہ رسائی کہلاتا ہے، تقتریباً ایک جیب ہوگا عام استعال میں پخت حافظہ
میں معلومات صون پڑھی حباق ہے۔ پخت حافظوں کی مختفہ اقسام میں معلومات محفوظ کرنے کے طسر یقے
ایک دوسرے سے مختلف ہوں گے۔ ایک قتم کے پخت حافظہ میں معلومات مرف اور صوف ایک
مصرت کھی جب سے بالہ زااے صرف ایک مصرت معلومات کی کھی کے لئے استعال کیا حباسا کیا
ہما ہے۔ اس کوایک مرتبہ قابلی لکھائی محکونہ عافظہ اس سے پرائی معلومات منافی ضروری ہے۔ جب یہ پخت حافظہ ہے معلومات کی مددے مثانی حبائی جبان اس سے پرائی معلومات مثل کو ختا ہے بیت حافظہ ہوں گئے۔ ایک بیت حافظہ سے مثل کو ختا ہے۔ اس کی کہت حسان کی کا مددے مثانی حبائی جبان اس سے پرائی معلومات مثل ہوں تھیں۔ سے دوع میں پخت حسانظہ کی مددے مثانی حبائی جبان اس کے پہنے کو معلومات کی کھی کے استور کی ختا ہوں کا کہت میں بخت حسانظہ کو برق مثتا ہو کہتہ مافظہ اس کے پہنے ہیں۔ سے دوع میں پخت حسانظہ کی ہوں کے مصروبات کی کہت میں بخت حسانظہ کو برق مثتا ہو کہتہ مافظہ اس کے بیا ہوں کہتے ہیں۔ سے دوع میں پخت حسانظہ کی ہوں کہتے ہیں۔ سے دوع میں پخت حسانظہ کو برق مثتا ہو کہتہ مافظہ اس کہتے ہیں۔ سے دوع میں پخت حسان کی کھی کے دو کہتا ہو کہتہ کہتے کہ انگا کہت کے دو کہتے ہوں کہتے ہوں کہتے ہوں کے دو کہتے ہوں کہتے ہوں کے دو کہت کر کے دو کہتے ہوں کہتے ہوں کے دو کہتے ہوں کے دو کہتے کہتے ہوں کے دو کہتے کہ کو کہتے کہ کہتے کے دو کہتے کہ کہتے کہتے کہ کہتے کہ کو کہتے کہ کو کہتے کہ کو کہتے کہ کو ک

کاعن ذیر لکھائی کومٹ نے سے صاف سے تھراکاعن ذمات ہے۔ پلٹ ہر صورت بلٹ دیا پیت حسال ہوتا ہے لہاندا اسس سے مواد کاعن ذکی طسرح نہیں مٹیا جب سالاً۔ لکھائی سے صاف حسافظہ سے مسرادوہ حسافظہ ہوگا جس کے متمام ہٹ بلٹ د (1) ہوں۔ حبدول ہوا مسیں آٹھ بِٹ لمب کی کے حب الفظ حسافظہ استعال کرتے ہوئے مواد سے بھسرے اور حسافظہ کی وضاحت کی گئی ہے۔ یقیدیاً، حسافظہ کے تمام بٹ پر 1 لکھنا اور حسافظے سے مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔ مواد مٹانا کی جیسا ہوگا۔

ا. 9 عبار ضي حيافظ

اس مے مسین عبارضی حیافظے کی بناوٹ پر غور کیا حبائے گا۔ایک بخت حسافظہ بنیادی طور ایک پلٹ ہوگا، جس مسین مواد لکھنے اور پڑھنے کی صلاحیت موجود ہو گی۔ حسافظہ عصوماً کشیر تعداد بڑوں پر مشتمل ہوگا المسندا محسن موجود ہو گی۔ حسافظہ مسین ہر پلٹ تک، لکھنے اور پڑھنے کی حناطہ ر،رسائی ضروری ہے۔ شکل ۹۔امسین شاکھے عارضی عارضی عافظے کھ

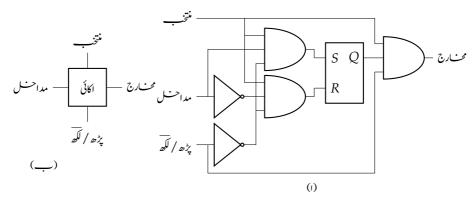
ROM, read only memory

one time programmable read only memory, OTP1*

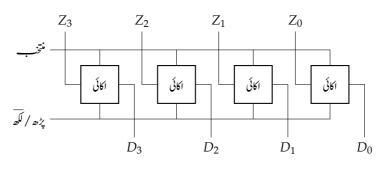
electrically erasable read only memory, EEROM, E^2PROM''

UV erasable read only memory, UV erasable ROMIT

ا . 9 . عب ارضی حب افظیہ



شكل ٩٠١ كا كي حب فظب

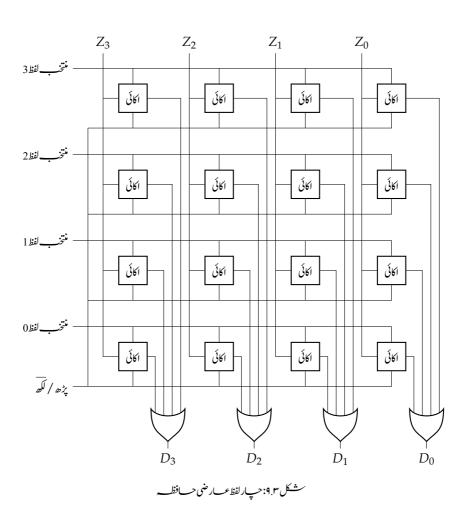


شكل ٩.٢: ايك لفظ حسافظ

اکائی سا، جس کو مختصراً اکائی ما فظ ساکته ہیں، کی بناوٹ اور عسلامت پیش ہے، جہاں مواد ذخیہ وکرنے کے لئے ایس آر پلٹ استعال کیا گئی ہیا ہے۔ حقیق میں کئی طریقے متعمل ہیں جن پر بعد میں غور کیا ہیا۔ کائی حافظ ہے رجوع کے لئے اسس کا منتخب اسٹارہ بلند کیا جباتا ہے اور مواد لکھنے کی حناطسر ساتھ ہی پڑھ / لکھ پیت کرکے داخنی مواد و بندا ہم کیا جب مواد پڑھ کی حناطسر پڑھ / لکھ بلند کرکے مواد پڑھ استا ہے۔ معمود پٹ ساتھ ہوتے ہیں۔ بیا متعمد دین حسان ماکائی حافظ کا حافظ ہیت ہے۔ مجاں تما اکائی حافظ و کے ساتھ جوڑے گئے ہیں۔ بیال جہاں تما اکائی حافظوں کے "منتخب "وت ہوتے ہیں اور اسس میں مواد کے بیک وقت کھا حباطب سکتا ہے، یا ذخیہ مواد ہیں۔ وقت کھا حباسات ، یا ذخیہ مواد ہیں۔ وقت کھا حباسات ، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباسات ، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباسات ، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباسات ، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباسات ہے ، یا ذخیہ مواد کے بیک وقت کھا حباسات ہے ۔

binary memory cell "
unit memory "

اب ٩ حافظ



۱۹۳ عبارضی حب نظب ۱۹۳

1	•_	,
<u>ا فظے کاا</u> ستعال	عبار صي حسه	حسدول ۹.۲:

محباز		A_1	A_0	عسل
0	×	×	×	بلن ر کاوٹی حسال
1	0	0	0	لفظ 0 کے معتام پر لکھ
1	0	0	1	لفظ 1 کے معتام پر لکھ
1	0	1	0	لفظ 2 کے معتام پر لکھ
1	0	1	1	لفظ 3 کے معتام پر لکھ
1	1	0	0	لفظ 0 کے معتام سے پڑھ
1	1	0	1	لفظ 1 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	0	لفظ 2 کے معتام سے پڑھ
1	1	1	1	لفظ 3 کے معتام سے پڑھ

اسس طسرح کے گئی الفاظ جوڑ کر متعبد د لفظ حسافظ۔ حسامسل کمپ حب سکتا ہے۔ سشکل ۳.۹مسیں حب ر الفاظ جوڑ کر حب ار لفظ حسافظہ تحنیق کمپ گلب ہے۔

متعدد ولفظ حیافظ ہے کی تمام اکا نیوں کا "نتخب" اسٹارہ عمام صورت پیت رہت ہے۔ یوں حیافظ تک کی بھی لفظ تک رسائی ممکن نہیں ہوگی۔ حیافظ ہمیں مواد لکھنے کی حناطسر مواد کے داختلی راستے فسنراہم کر کے پڑھ / لکھ پیت رکھ کر مطلوب معتام کا "نتخب" اسٹارہ بلند کیا حیاتا ہے۔ یوں مواد مطلوب معتام پر لکھا حیاتا ہے۔ فسنرض کریں ہم اعضاری تین (310) کے شنائی مسرموز اعضاری 00112 کو حیافظ کے کے معتام پر لکھن حیاتے ہیں۔ ہم مداختل پر 10012 مہیا کر کے پڑھ / لکھ پیت رکھ کر "نتخب لفظ ک" ایشارہ بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے شکل ۳۰۹ مسیل لفظ کے پر 20110 کھیا حیائے گا۔ یادر ہے کہ اس دوران بائی "نتخب" ایشارے پیت رہیں گے۔ ای لفظ کو پڑھنے کے لئے ہم پڑھ / لکھ بلندر کو کر لفظ کے کا "نتخب" بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے محتاری کا رکھ جاتی ہوگا جہاں سے سے بڑھ / لکھ بلندر کو کر لفظ کے کا "نتخب" بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے محتاری کا پر 20110 حتاری ہوگا جہاں سے بڑھ اس درکھ کر لفظ کے کا "نتخب" بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے محتاری کا پڑھ اس درکھ کر لفظ کے کا "نتخب" بلند کریں گے۔ ایسا کرنے سے محتاری کا پڑھ اس کرنے سے حتاری کا سے پڑھ اسے۔

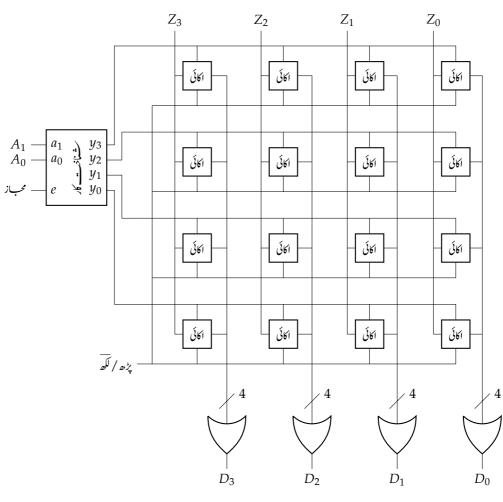
حقیق حافظہ مسیں الفاظ تک رسائی پت کے ذریعے کی حباتی ہے۔ حپار لفظ حافظہ مسیں الفاظ تک رسائی، دویٹ پت استعال کرتے ہوئے دوسے حپار شناخت کار کی مدد سے مسکن ہے۔ شکل ۹،۶ مسیں سے عمسل پیش کسیا گسیا ہے جہاں A0 ، اور A1 پت بین پیس ہے کود کھ کر شناخت کار مطلوب محسار جبان کار کے لفظ کامت منتخب کرتا ہے۔

عبار ضی حب نظرے کا استعال حبدول ۲.۹ مسین د کھیایا گیا ہے۔ مجاز پست ہونے کی صورت مسین حب نظر ہاند ر کاوٹی مارضی عالیم ۱۵ اختیار کرتے ہیسرونی ادوارے مکسل منقطع ہوگا۔

شکل ۴.۹ مسیں حپاربِ جمع گیٹ کی ایک نئی عسلامت استعمال کی گئی ہے۔ گیٹ کا ایک مداحشل و کھسایا گیا ہے ہے جس پر چھوٹی ترجی لکسید کے ساتھ 4 ککھ کر اسس بات کی وضاحت کی گئی ہے کہ دراصس سے حپار داحشلی جمع گیٹ

high impedance state12

اب.٩. صافظت



شكل ٩٠،۴: حپارلفظ عسارضي حسافظيه كابهستر حناكه

۱۹۵ عبارضی حبافظیہ

ہے۔اسس طسر ت کی عسلامت مسیں گیٹ کے مداحسل علیحہ دہ علیحہ دہ نہیں وکھائے حباتے بلکہ تمام مداحسل ایک داحسٰ تاریخ ایک داحسٰ تاریخ طاہر کے حباتے ہیں یوں دور کا نقشہ کاغن ز پر کھنچے ہوئے ہوئے تاروں کے بجوم سے نحبات حساصل ہوتی ہے اور دور صیاف سے تھرانظسر آتا ہے۔یادر ہے کہ ایسا صرف دور صیاف سے تھرانظسر آنے کے لئے کسیاحباتا ہے۔یوں حیافظہ کے گزشتہ دواشکال ایک ہی دور بہنانے کے دوطسریقے ہیں۔

ای طسرز پر متعبد د لفظ حسافظ کی عسلامت بھی بنائی حباتی ہے۔ دسس بٹ بت سے 1024₁₀ یعنی تقسریباً ای طسرز پر متعبد د لفظ حسافظ کی عسلامت بھی سراد 1024₁₀ لیا حباتا ایک مسکن ہے۔ کمپیوٹر کی دنسیا مسین کلو (ہزار) سے مسراد 1024₁₀ ہوگا۔ ہے۔ یوں دوکلوہے مسراد 2048₁₀ ہوگا۔

شکل ۹.۵ میں منتخکم کارے استعال پر غور کریں۔ مجاز اور پڑھ / ککھ دونوں بلٹ دہونے کی صورت میں حافظہ میں افظہ میں افظہ دخیرہ مواد D پر حنارج ہو گاجب کہ محباز بلٹ داور پڑھ / ککھ پست ہونے کی صورت میں D پر مہیا مواد حسانظہ میں کھیا حبائے گا۔ یوں D بطور مداخت و محتارج کام کرتا ہے۔ شکل ۹.۴ میں مداخت کے گئے حیار اور محتارج کام کرتا ہے۔ شکل ۹.۴ میں صرف حیارینیوں کی ضرورت ہوگی۔

شکل - ج مسیں بارہ بِٹ پتہ ، ایک بائٹ لفظ عبارضی حیافظ کی عبلامت و کھیائی گئی ہے۔بارہ بِٹ پتہ 212 ہائٹ تک رسائی ممکن بناتا ہے لہذا ہے حیار کلو بائٹ عبارضی حیافظہ کی عبلامت ہے۔اس محنلوط دور مسیں جیدار مداحنل ۱۸کااضاف کی گیا گیا ہے۔ اس پر اب بات کرتے ہو لہت فعالی ہے۔ اس پر اب بات کرتے ہیں۔ وہیں ہیں ہیں ہیں۔ اس بی اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں۔ اب کرتے ہیں ہیں۔ اب کرتے ہیں میں میں میں میں کرتے ہیں۔ اب کرت

محناوط دور مسین متعد دگیٹ پائے حباتے ہیں اور حبدید برقیباتی آلات کئی محناوط ادوار پر مشتمل ہوتے ہیں۔ یہ سب برقی طباقت سے حیلتے ہیں۔ ہم کہتے ہیں برقی طباقت انہمیں بیدار رکھتی ہے۔ برقیباتی آلات عسوماً بسیٹری سے برقی طباقت حیاصل کرتے ہیں۔ درکار برقی طباقت کم کرنے سے بیٹری زیادہ دیرکار آمدر ہتی ہے۔

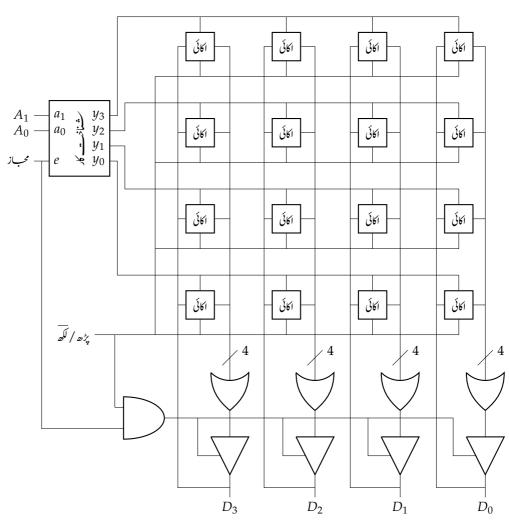
بر قبیاتی آلات مسین مختلف محنلوط ادوار کی ضرورت مختلف لحصات پر ہوگی۔ان لحصات کے عسلادہ انہمیں ہیدار رکھنے سے بلاضرورت برق طباقت منقطع نہیں کی حباستی ہے۔عارضی رکھنے سے بلاضرورت برقی طباقت سے مسکن حسافظے کی مثال لیتے ہوئے ہم حبائے ہیں کہ برقی طباقت سے ملئے پر ان مسین مواد محفوظ نہیں رہت،البت ہے مسکن ہے کہ عسارضی حسافظے کو صرف اتی برقی طباقت مہیا کی حبائے کہ سے صرف مواد محفوظ رکھنے کے وتابل ہو، یعنی اسے نٹرھال سی کیفیت مسین ڈالا حباسکتا ہے۔عدارضی حبافظے کے محضلوط دور مسین جیدار مداحشل اسس مقصد کے لئے مسلوط کی کھیں۔

integrated circuit, IC17

active low12

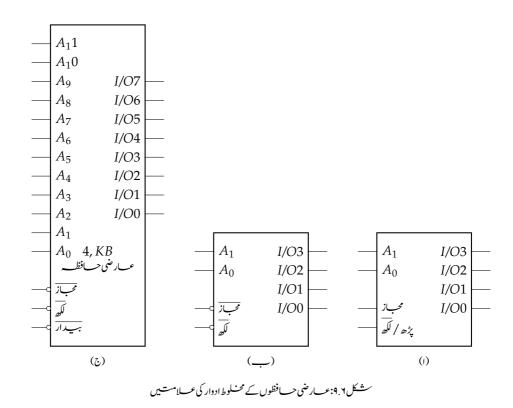
CS, chip select^{1A}

اب ۹ د انظ



مشكل ٩٠٥ مشتر ك_ داحنلي وحسار جي راه كاحپار لفظ عسار ضي حسافظ

ا. ٩. عبار ضي حب افظيه



۱۹۸

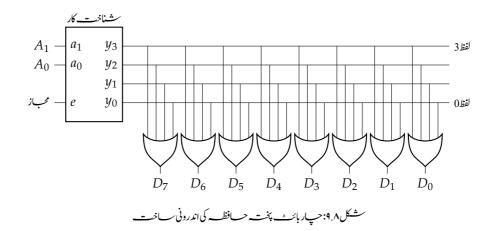
1023	1000 0001	
1022	0010 1001	
1021	0011 1010	
1020	1000 1101	
:		1
:	:	پت
3	1011 0001	11
2	1110 1001	10
1	0000 1010	01
0	1011 1101	00
	()	

مشكل ٩.٤: حسافظ، كي تصوراتي تصوير

مہیا کیا گیا ہے۔ جس لیح پر محنلوط دور کی ضرورت ہو، بیدار پیت (فعال) کر کے اسے جگایا حباتا ہے اور استعال کے بعت فوراً دوبارہ نڈھال کر دیا حباتا ہے۔ نڈھال صورت مسیں محنلوط دور بیسرونی دنیا ہے، دو طسرون مستقلم کار کی مدد ہے، مکسل طور پر منقطع رہت ہے اور اسس مسیں سنہ کچھ کھا حب سکتا ہے اور سنہ ہی اسس سے کچھ پڑھا حب سکتا ہے۔ نڈھال حسال مسیں حافظہ مستر برقی توانائی صرف کرتا ہے۔ علم طور سشناخت کار کی مدد سے بیدار کے حب نڈھال حسان دور کی مشناخت کی حباتی ہے۔

مثق ا. 9: عبارضی حبافظ ہے 6116 کے معسلوماتی صفحات ہے اسس کی استعداد "کلوبائٹ" مسیں معسلوم کریں۔

۹٫۲ پخت سافظ ب



۹۲ یخت حیافظ

پخت ج<u>ا فظے سے</u> مسراد اوہ حسافظے ہے جس مسیں مواد برقی طباقت کی عسد م موجو دگی مسیں بھی محفوظ رہت اہو۔ پخت ہ حسافظے کا بنیا دی استعال وہاں ہو گا جہاں مواد تب یل ہے ہو۔

عبار ضی ح<u>ب فظے کی ط</u>سرح پخت حب فظے ہمی مختلف لمب ٹی کے الفاظ پر مشتمل ہو گا۔ لفظوں تک رس ٹی پت کے ذریعہ ہوگا؛ 11 بٹ بت کے پخت حب فظے مسیں 2¹ لفظ ہوں گے۔

بائٹ لمبائی حپارلفظ پخت مسافظ کی اندرونی ساند۔ مشکل ۸.۹ مسین دکھائی گئی ہے جس کی بہتر صور۔ مشکل ۹.۹ مسین دکھائی گئی ہے۔ مستعمل دوسے حپار مشناخت کار، ۹.۹ پیشس کرتی ہے، جبال حپار داختلی جمع گیٹ کی صاف مشکل استعال کی گئی ہے۔ مستعمل دوسے حپار مشناخت کار، پیت کے دوہٹ سے حپار مقتاما۔ تک رسائی مسکن بناتا ہے۔ یوں حپارالفاظ تک رسائی مسکن ہوگی۔

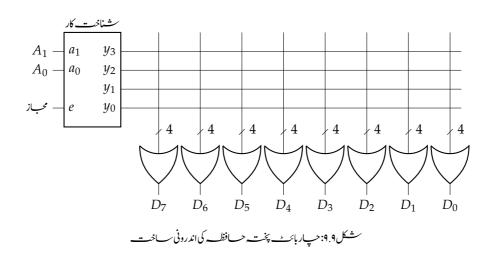
سنگل ۹، ۸ مسیں بالکل نیا غیبر استعال شدہ پخت حیافظہ دکھیایا گیا ہے۔ پت و00 کی صور سے مسیں دو سے حیار شناخت کار y_0 بلند کرکے لفظ 0 پنے گا۔ تمام جمع گیٹ بلند ہول گے اور D باور y_0 بلند کرکے لفظ 0 پنے گا۔ تمام جمع گیٹ سند ہول کے اور 0 پر کا اور 0 پر کی مواد ملت ہے۔ کسی جمع نے غیبر استعال شدہ پخت میں فظ کے ہم لفظ کے تمام بٹ بلند (1) ہول گے۔

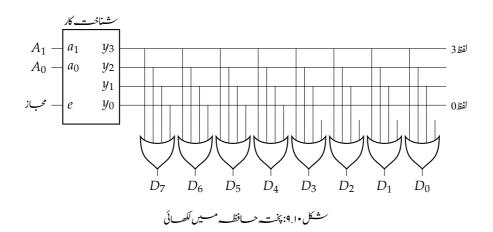
آپ نے دیکھ کہ بلند ہوں کی صورت مسیں تمام جمع گیٹ کو یکی بلند امثارہ ملت ہے اور یوں تمسام جمع گیٹ کے مختارج بلند ہوں گے۔ جمع گیٹ سے y_0 کاجوڑ مقطع کرنے سے y_0 جمع گیٹ تک نہیں پہنچ گا۔ شکل 9. واکس وائیں حیار جمع گیٹ y_0 سے منقطع ہیں لہند اور کی بلند کر کے لفظ 0 پڑھنے سے D پر y_0 سے منقطع ہیں لہند اور کی بلند کر کے لفظ 0 پڑھنے سے y_0 بات و بہن نشین کریں: ایسے اسکال مسیں جمع گیٹ کا مقطع مداحشل جمع گیٹ کے محتارج پر اثر انداز نہیں ہوگا۔

امید کی حباتی ہے آپ پخت حسافظہ مسیں لکھ اُن کا عمس بخوبی مسجھ گئے ہوں گے۔ پخت حسافظ مسیں جوڑوں کو توڑ کر مواد لکھ حباتا ہے۔ اسس فتم حسافظہ مسیں ہر جوڑ دراصل ایک بر**قی فتیلہ** ۱۹ (نسیوز) ہو تاہے۔ نستیلے کی استعداد سے

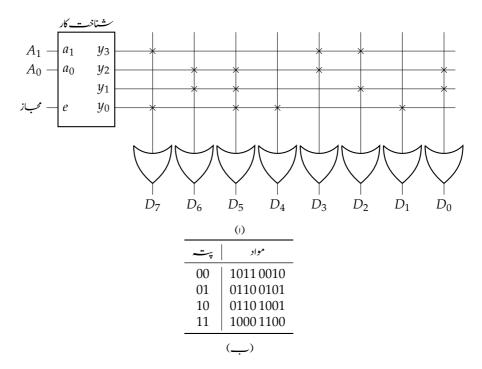
electric fuse19

۲۰۰ باب۹. حافظت





۹٫۲ پخت حافظ



شكل ۱۱. 9: پخت حسافظ مسين لكها گيامواد

زیادہ برقی رونتیا ہے گزار کراسے پھسلا کرجوڑ منقطع کیاحب تاہے۔

حسافظہ مسیں کھے مواد سشکل ۹ کے طسر جب دول مسیں کھے حباتا ہے۔اسس حبدول مسیں باری باری ایک لفظ کو دیکھتے ہوئے جس بٹ کے معتام پر 0 ہو،حسافظہ کے اندراسس لفظ کے اسس بٹ کاجوڑ شباہ کسیاحباتا ہے۔

شکل ۱۱-۱۹ اسیں غیر سباہ شدہ جوڑ صلیبی نشان (×) سے ظاہر کیے گئے ہیں۔ اسس حافظہ مسیں کھامواد سنکل۔ بہم میں پیش ہے۔

اب تک حپار لفظ حسافظ ہی بات کی گئی جس کی وجہ ہے 4 داختلی جمع گیٹ استعمال کیے گئے۔ ایک لفظ 8 بیٹ ہوں جو نے ایک لفظ 8 بیٹ ہوں اور جہ ہے کل 8 جمع گیٹ استعمال کیے گئے۔ بیرا ان حسافظوں مسیں کل 4 × 8 لیخی جسیں (32) جوڑیا نستیا ہوں گے۔ آپ دکھ سین کل 4 × 8 لیخی مسیں 2 واحتلی جمع گیٹ گئے۔ آپ دکھ سین کہ سین کہ مسیں 2 واحتلی جمع گیٹوں کی تعداد $m \times 2^n$ ہوگے۔ اور حسافظ کا ایک لفظ m بیٹ ہوتے۔ جمع گیٹوں کی تعداد m ہوگے۔ ایوں حسافظ مسیں جوڑوں کی تعداد m ہوگے۔ اور حسافظ مسیں جوڑوں کی تعداد m ہوگے۔

شعاع ملتا چنت مافظہ میں باربار کھائی مکن ہے۔ان میں جوڑ، برتی فتیاہ سے نہیں بنائے حباتے بلکہ ان جوڑ کوایک

باب.٩. حسافظ 1+1

سو کچ ''اتصور کریں جنہب یں مخصوص طبر یقے سے برقی طباقت کے ذریعیہ منقطع کب سب تا ہے۔منقطع جوڑوں کو دوبارہ جوڑنے کی حناطسرحيا فظ كوشعياع مسين كجه ديرر كصاحبا تاہے۔

حبدید برق منتا محفظ ما فظول مسین بار بار لکھائی مسکن ہے۔ان حسافظوں مسین لکھائی برتی دباوے کی حباتی ہے اور اسے صاف بھی برقی دیاوے کساحسا تاہے۔

پخت سانظہ مسیں کھیائی مخلوط ادوار برنامہ نولیر ساکی مددسے کی سیاتی ہے۔

سوو حافظہ کیا *تعداد پڑھ*انے کی ترکس

عارضی حافظوں (کے مختلوط ادوار) کے تابو مداحنل عصوماً بیدار ، مجاز اور پڑھ / لکھ جبکہ پخت حافظوں کے سیدار اور محباز ہوں گے۔اسس بھے مسین ہم تصور کرتے ہیں کہ حسافظوں نے متابو اشارات صرف سیدار اور یڑھ / لکھ ہیں جنہیں استعال کرتے ہوئے ایک ہے زیادہ حسافظے آلپس مسیں جوڑنا دکھیایا حیائے گا۔حقیقت مسیں ۔ مُعسوماً ہیں ار کے عسلاوہ تمسام حسافظوں کے ایک جیبے و تابو مدا^{حث} ایک ساتھ جوڑے حیاتے ہیں۔یوں تمسام حافظوں کے مجباز مداحن اکٹھ جوڑے حبائیں گے اور ای طسرح تمام کے پڑھ / لکھ ایک ساتھ جوڑے حسائیں گے۔

ا ۱۹۳۰ دوعب در $4 \times 4 \times 4$ حبافظے سلسلہ وارجوڑ کرایک عب در $4 \times 8 \times 8$ حبافظہ کا محسول ا

کبھی کھیار در کار استعداد کا حسافظہ میں۔ رہیں ہو گا۔ایی صورت مسین ایک سے زیادہ حسافظے اکٹھے جوڑ کر در کاربائٹ زخب رہ کرنا ممکن بنایات تاہے۔ شکل ۹ ،۱۲-امسیں 4 imes 4 کے دوسا فظے جوڑ کر دگی استعداد کا 4 imes 8 حبافظہ (شکل-ب)حساص کی اگئی۔ چھوٹے حسافظوں کو حسافظہ 1اور حسافظہ 1 کہا گئیا ہے۔ شکل-امسیں ایک جسے یت بٹ ساتھ جوڑے گئے ہیں لینی حسافظہ 0 کا An حسافظہ 1 کے An سے جوڑا گیا ہے، اور حسافظہ 0 کا A_1 حانظہ A_2 ہے جوڑاگیا ہے۔ ای طسر A_2 ایک جیسے موادب ساتھ ساتھ جوڑے گئے ہیں یعنی حسانظہ A_1 اور D_3 اور D_3 اور D_3 بالت رتیب حافظہ D_3 ، D_1 ، D_2 ، D_3 ، D_4 ، D_5 ، D_5 ، D_6 \overline{N} کا ہیدار مدا^{نن} \overline{N} جبکہ حافظہ \overline{N} کیا ہیدھیا \overline{N} کے ساتھ ملایا گیا ہے جبکہ حافظہ \overline{N} کا ہیدار \overline{N} مداحت (جے ہیدار $\overline{1}$ کہا آگیا ہے) نفی گیٹ کے ذریعہ A_2 ہے جوڑا گیا ہے۔ حفظہ 0، حافظہ 1، اور نفی گیٹ کوہم ایک بڑاحی افظہ تصور کر سے ہیں جس کی عسلامت شکل – بسمیں پیش ہے۔

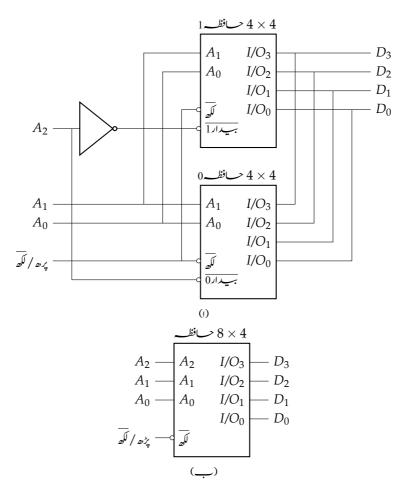
شکل ۱۳۹۹ مسیں تین پت بٹ کی تمام ترتیب دی گئی ہیں۔ (شکل ۱۹ او کھتے ہوئے آگے پڑھسیں۔)پیت A2 سے مسرادیت بیدار آوربلند بیدار آورباند بیدار آورباند بیدار آورباند بیدار آورباند انتقاع اور میانشد و میاند انتها از از این از انتها از این از از این از این از این از این از این از این از از این از از این از این از این از این از این از از این ہے۔ای طسرح بلند A2 سے ہیدار 0 بلند اور ہیدار 1 پیت ہو گا جس سے حسافظہ 0 نڈھ ال اور حسافظہ 1

یوں پیت A_2 کی صورت مسیں پت کے باقی دوب A_0 اور A_1 حافظہ0 کے مختلف معتامات تک رسائی ممکن بن میں گے۔یت۔ 000₂ حسافظہ 0 کے صف رویں مقتام اوریتہ 011₂ حسافظہ 0 کے تیب رے مقتام تک رسائی دیتاہے۔

ای طسرح بلنند A_2 کی صورت مسیں پتہ کے باقی دوبٹ A_0 اور A_1 سافظہ 1کے مختلف معتامات تک

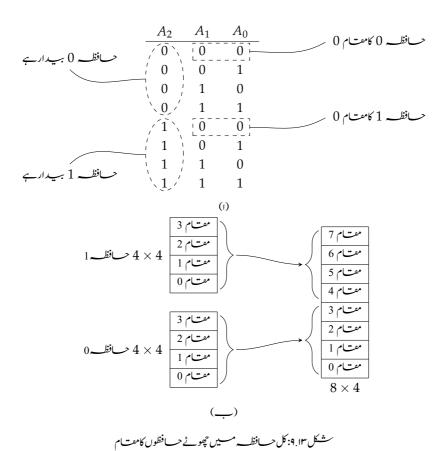
switch*

IC programmer



<u> شکل ۹.۱۲: دوحب فظے جوڑ کربڑے حب فظے کاحصول</u>

۲۰۴ باب ۹ د افظت



A_5	A_4	$ \overline{y_3} $	$\overline{y_2}$	$\overline{y_1}$	$\overline{y_0}$	$\mid A_5 A_4 A_3 A_2 A_1 A_0$
0	0	1	1	1	0	000000 - 001111
0	1	1	1	0	1	010000 - 011111
1	0	1	0	1	1	100000 - 101111
1	1	0	1	1	1	110000 - 111111

حبدول ٩٠٣: حبدول برائے مشکل ٩٠٨٩

ر سائی ممکن بن نیس گے۔ پتہ 0000 حافظہ اکے صف رویں اور پتہ 0112 حافظہ اکے تیسرے معتام تک رسائی دیت ہے۔

گزشتہ دونشہ پاروں کا حنااص درج ذیل ہے۔ حیار لفظ کے دوحی فظے مسل کر آٹھ لفظ حیافظ ہے طور پر کام کرتے ہیں۔ الفاظ کی لمب انی جوں کی آبوں حیار ہونہ ہتی ہے۔ اسس طسرح پت ہوں 000 کل حیافظ کے صف رویں معتام تک رسائی دیت ہوں کی کہ البانی جوں کی حیافظ کے تیسرے، پت ہوں 100 کل حیافظ ہے چوتھ اور پت ہواران کی اندرونی سعتام تک رسائی دیت ہے۔ یوں دوعہ دحیافظ جو گرا ایک عدد حیافظ ہے سال کیا حب سکتا ہے اور ان کی اندرونی سفت میں برم وقت فور کرنے کی ضرورت نہیں۔ شکل ۱۱۹۔ سسیں اس حقیقت کو میر نظر رکھتے ہوئے ان دوحی فظوں کی حمد منظوں میں اس حقیقت کو میر نظر رکھتے ہوئے ان دوحی فظوں کی حمد منظوں کی حمد میں ہے۔ یہ اور حیار مواد برخ ہیں۔ شکل ۱۳۹۹ ہے مسلی گیٹ ہوں کے تین پت بنے اور حیار مواد برخ ہیں۔ شکل ۱۳۹۹ ہے مسلی گیٹ ہوں کے معتام سے دونوں حیافظوں کے معتام سے دکھائے گئے ہیں، جہاں سے واضح ہے کہ دو چھوٹے محتام سے دفظوں کو سلید وار فت ریب رکھا گیا ہے۔ دو پر حیافظ کا نظری اسلی اور مسلید وار فت ریب رکھا گیا ہے۔ دو یادوے زیادہ حیافظ کا انظری کو سلید وار فت ریب رکھا گیا ہے۔ دو

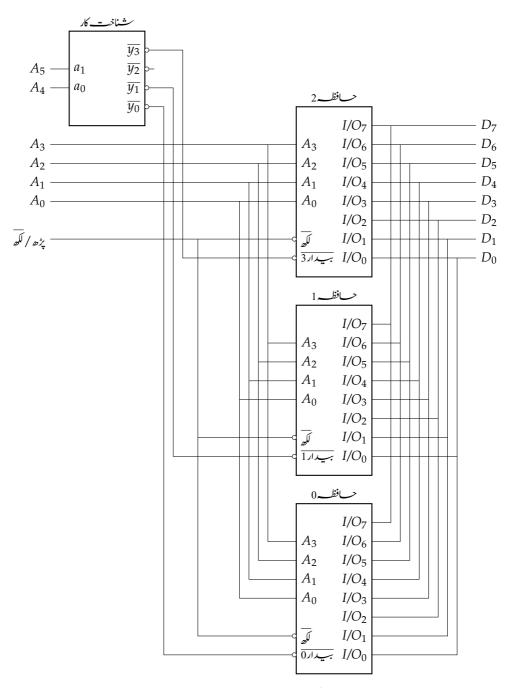
مذکورہ بالا مسیں 4×4 استعداد کے حسافظے استعال کیے گئے جنہ میں دو پتہ بٹ A_0 اور A_1 در کار تھے۔ان دو بٹ کو استعال کر کے بیدار حسافظے کے مختلف معتامات تک رسائی حساصل کی حباتی ہے جبکہ اگل پتہ بٹ A_2 استعال کر کے ان حسافظوں کو پتہ کے لحاظے مختلف معتامات پر رکھا گیا۔ یہی طسریق کارزیادہ استعداد کے حسافظوں کے ساتھ بھی استعال کیا جب یوں دوعہ د دسس بٹ پتہ کے حسافظے جوڑتے وقت A_0 تا A_0 میں دانسل کے ساتھ بھی استعال کیا حباسکتا ہے۔ یوں دوعہ د دسس بٹ پتہ کے حسافظے جوڑتے وقت A_0 تا A_0 بہیں حبداد کرے گا۔

9.m.r تين 8 × 16 حسافظ سلسله وارجوڙ كرايك 8 × 48 حسافظ كاحصول

شکل ۱۳.۹ میں پہت محناری شناخت کار استعال کر کے تین 8×16 سافظ (حافظ 0، حافظ 1۰.9 میں پہت محناری شناخت کار استعال کر کے تین 8×16 سافظ 9×10 میں پول شینوں کے ایک جیسے پہت بیٹ ساتھ جوڑے گئے ہیں۔ پول شینوں کے 10×10 ایک ساتھ جوڑے گئے ہیں، المہذا شینوں کے 10×10 ایک ساتھ جبڑے ہیں، وغیرہ تاہم ان کے جہرات مداخت ملاحدہ علیحہ دہ رکھے گئے ہیں تا کہ کی ایک وقت پر صوف ایک حسانہ کو ایک کے دریعہ اس ایک حسانہ کو تا ہم ان کے معتادات تک رسائی حساس کی حساسے معتادات تک رسائی حساس کی حساسے۔

ے ناخت کار کوپت بٹ A_4 اور A_5 بطور مداحنل فنسراہم کیے گئے جبکہ اسس کے مختاری $\overline{y_0}$ ، $\overline{y_0}$ ، $\overline{y_0}$ ، اور $\overline{y_0}$ بیں ، جومط اوب ح<u>افظ</u> کی مشاخت کرتے ہیں۔ شاخت کار کانام بہ ہیں سے نکلا ہے۔

۲۰۲ پاب۹. حافظت



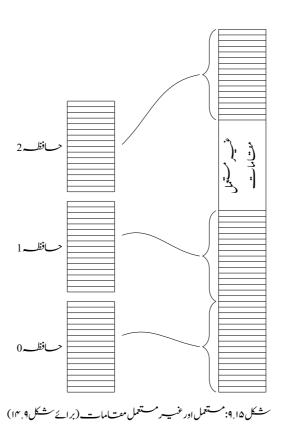
شكل ١٨.١٩: حسافظ جوڑنے كاعب وي طب ريق

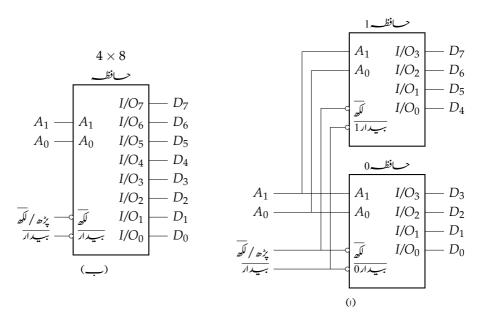
بلند A_5 اورپت A_5 کی صورت میں $\overline{y_1}$ پت ہوگا ہو جیدارا ہے حبر ابت ہیں المانت کر کے اے بیدار کرتا ہے۔ A_5 کی جو نظر پر بلند یاپت بند اگر کا مینانت کر کے اے بیدار کرتا ہے۔ A_5 کی قیت A_5 کی جو نظر المانت کی بازوانٹ طور پر بلند یاپت بند المح کی قیت بین سے بین سے بین کی معاملات کا معاملات کا معاملات کو سے بین بین کی جو معاملات کا معاملات کو سے بازوان مینانوں معاملات کو بین سے معاملات کو معاملات کو بین سے معاملات کو بین سے معاملات کو بین سے معاملات کو بین بین بین کی بین معاملات کو بین معاملات کو بین بین کی بین معاملات کو بین بین بین کر کہا گیا ہو کہ آخذ معاملات کو بین معاملات کو بین بین بین کر کہا گیا ہو ہو کہ اس سے الحق معاملات کو بین بین کر کہا گیا ہو ہو کہ کہ معاملات کو بین بین کر کہا گیا ہو ہو کہ کہ معاملات کو بین کے معاملات کی معاملات کو بین کے معاملات کی معاملات کو بین کے معاملات کی معاملات کو بین ہوئی ہے۔ معاملات کا معاملات کو بین کے بین کو بین کے معاملات کو بین کے کہ کو کو بین کو بین کے کہ کو بین کے کہ کو بین کے کہ کو بین کے کہ کو بین

پست A_4 اور بلند A_5 پست $\overline{y_2}$ دے گاجو کہ کی بھی حیافظے کے ساتھ نہیں جبڑا۔ یوں A_5 کی بھی حیافظے کی شخاند۔ نہیں کرتے البذاباقی حیار پتہ بٹ کی قیمتیں A_5 میں میں متام تک رسائی نہیں ہوگی۔ یوں پتہ A_5 1000000 تا 1011112 حیافظے کے کسی بھی متام تک رسائی نہیں دیں گہر متام تک رسائی نہیں دیں گہر السان خطے مسین سنہ مواد کھی حیاساتا ہے اور سنہ ہی اسس خطے سے مواد پڑھی حیاساتا ہے۔ حبدول کی دائیس قطے رمسین سے حدود درج ہیں۔ شکل 9. 10 مسین انہیں خیر متعلی مقاماتے کھی کر ظاہر کیا گیسے۔

بلند A_4 اوربلند A_5 پیت $\overline{y_3}$ و کرحافظ B_4 کو بیدار کرتا ہے۔ B_5 مرکتے ہو گیاتی حپار پہتہ بند کی قیمتیں B_5 مرکتے ہو گیاتی حبانظ B_5 کی قیمتیں B_5 کی المائل کرنے مسافل B_5 کی تیمت کی تیمت کی آل المائل ہوگی۔ بدول کی دائیں قطار کی قیمت کی تیمت کے مسافل ہوگی۔ جدول کی دائیں قطار میں سے حدود درج ہیں۔ شکل B_5 میں بالائی مولد حنانے ان مقامات کو ظاہر کرتے ہیں۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ جباں حنالی مقامات کا اختتام ہوتا ہے وہیں ہے حافظ B_5 شکر وجوز ہوتا ہے۔

یہاں کل چو پت بِٹ A_0 تا A_0 استعال کیے گئے جو چونٹھ $(2^6=64)$ معتامات تک رسانی دے سے ہیں۔ ہم نے بولد مولد افظ کے تین حب فظے استعال کرتے ہوئے اڑتالیں (3=48) معتامات استعال کیے جبکہ مولد (3+40) معتامات (فظ کے مقامات (فالح مقامات) کا استعال نہیں کیا گیا۔ اگر جب ان تین حب نظوں کو سلمہ وارجوڑا گیا ہے ، تاہم ان مسیں صوف حب نظہ 0 اور حب نظہ 1 و متدریب میں جب کہ حب نظہ 1 دور رکھا گیا ہے ، تاہم ان مسیں صوف حب نظہ شاخت کارے ساتھ جوڑکر تمام چونٹھ معتامات بروے کارلا سے ہیں۔





شکل ۹.۱۲: جب فظوں کو متوازی جوڑ کر لفظ کی لمب آئی بڑھپائی گئی ہے۔

وو $4 \times 4 \times 4$ حافظے متوازی جوڑ کر $8 \times 4 \times 4$ حافظے کا حصول ۹.۳.۳

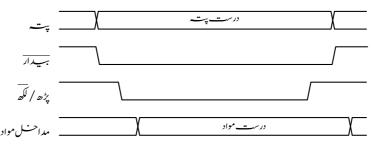
شکل ۱۲.۹-امسیں دو $4 \times 4 \longrightarrow \underline{id}$ متوازی جوڑ کر ایک $4 \times 8 \longrightarrow 4 \longrightarrow 0$ حیافظہ حیاصل کیا گیا ہے۔ دونوں حیا \underline{id} بیک وقت بیپ اور پت کے دو بیٹ A_1 اور A_1 اور A_1 اور کول حیام متحام میک رسائی دیتے ہیں۔ حیافظہ D_1 مواد کو D_2 مواد کو D_3 مواد کو D_3 مواد کو D_4 متواد کو D_3 متواد کو D_4 متواد کو D_4 متواد کو D_4 استعداد کا ایک حیافظہ تصور کیا جب سکتا ہے۔ اسس طسرح متوازی حب ٹرے دوحیافظوں کو $0 \times 4 \times 1$ استعداد کا ایک حیافظہ تصور کیا جب سکتا ہے جے شکل ۔ میں تصور آتی مشکل دی گئی ہے۔

م. و حافظ کے اوت <u>س</u>کار

حافظ عسوماً فرد عامل کار ۱۲ (مانکروپر اسیسر) کے ساتھ منسلکہ استعال کیا حب تا ہے۔ عسام طور پر محنلوط ادوار کوئی مخصوص کام سر انجیام دینے کے لئے تحنیق کیے حباتے ہیں۔ حضر دعامسل کاران سے مختلف نوعیت کامخنلوط دور ہے جو احکامات اللہ پہلے ان احکامات کو تبدیل کر کے مائکروپر اسیسر سے مختلف کام لیے حبا سے ہیں۔ سے احکامات (پہلے سے) پخت دسان فلے مسیں لکھے حباتے ہے جہاں سے مائکروپر اسیسر انہیں پڑھ کر ان کی تعمیل کرتا ہے۔مائکروپر اسیسر کے ساتھ عسوماً عسارضی مواد لکھ کر ذخیسرہ کر سکتا ہے ، جے کے ساتھ عسوماً عسارضی حواد لکھ کر ذخیسرہ کر سکتا ہے ، جے

microprocessor rr commands rr

۲۱۰ با ۹ د افظ

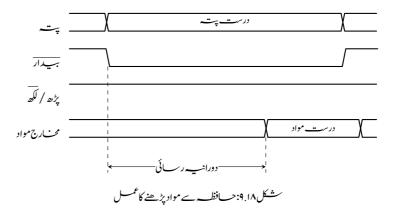


شكل ١٤. ٩: حبافظ مسين مواد لكھنے كاعمل

مائکروپراسیسر بعبد مسیں پڑھ سکتا ہے۔ مخلف صنعت کاروں کے تحسیق کردہ حسر و عسامسل کار کے اپنے اپنے مخصوص احکامات ہوں گے جنہمیں ہے۔ مسجھ سکتا ہے اور جن پر ہے عمسل کر سکتا ہے۔ کسی بھی مائکروپراسیسر کے تمسام احکامات کو اسس مائکروپراسیسر کی م**ادری زبالی** ۲۳ کہتے ہیں جب کسی ایک حسم کو **ہدایتے۔ ۲** کہتے ہیں۔

شکل ۱۸.۹ مسیں حضرہ عبام کار حافظہ سے مواد پڑھٹا حیابت ہے۔اسس گفتگو مسیں حضرہ عبام کار پڑھٹا دیا ہے۔ اسس گفتگو مسیں حضرہ عبام کار پڑھ / گھر بلندر کھ کر پت۔ حضارہ کرتا ہے۔ اسس ہے کے چند بہندسے عبارضی حبافظہ کی اور باقی حبافظہ سے مواد پڑھنے کے معتام کی نشاندہ کار چند ہی کھوں مسیں (پتے کے چند بہند موں سے)حبافظ کی نشاندہ کا کرے اسے خب دوار کرتا ہے کہ حضرہ عبام کا کر سے نظے سے مواد پڑھنا حیابت ہے۔حبافظہ بیدار ہوتے ہی اسس کو کے اسے خب در کار معتام سے مواد حباصل کر کے حضرہ عبام کار کے حوالے کرے۔ایسا کرنے کوشش مسیں لگ حباتا ہے کہ در کار معتام سے مواد حباصل کرکے حضرہ عباس کار کے حوالے کرے۔ایسا کرنے

assembly language instruction



کے لئے حافظہ کو پکھ وقت درکار ہوگا جے حافظہ کا دورانیہ رسائی تکیتے ہیں۔حافظہ مطاوب معتام سے مواد حاصل کر کے حنارج کرتا ہے۔اسس مواد کو "درست مواد "کہا گیا ہے۔ حندر عاصل کارمواد کو درست پہتے کے اختتام (یعنی جیدار کے کنارہ حیوشک فی) پر پڑھتا ہے۔حندر عاصل کاراسس مواد کو پڑھنے کے بعد اگا ہدایت پخت حافظہ ہدایت کے منارہ حیال کرتا ہے۔

مثق ع. و: انٹ رنیٹ سے عبار ضی حسافظہ 6116 اور پخت حسافظہ 2732 کے دورانیہ رسائی معلوم کریں۔

9.۵ پخت حافظ سے ترکسیبی ادوار کاحصول

اس كتاب كے حسد ۴.۵ مسيں شناخت كاركے ساتھ ايك جمع گين استعال كركے تفاعل كا حصول و كھايا گيا۔ 11 بنديت والے شناخت كاركے 2ⁿ ممناز واصل پت بنول كے تمام ممكن مجموع اركال ضرب ہوتے ہيں۔ ہر تفاعل كو محبوع اركان ضرب كے روپ مسيں لكھ كر اسے شناخت كاركے مطلوب محنارج اور ايك جمع گيان سے حساصل كيا حيا مكتا ہے۔

m بٹ لفظ پخت جی نظبہ مسیں سشناندے کار اور m جج گیٹ موجود ہوتے ہیں لہذا اسس کو m تفاعیل کے حصول D_0 دہراتا کے لئے تشکیل D_0 تفاعیل D_0 دہراتا

access time^{r1} configure^{r2}

۲۱۲ باب۹. حافظت

ہے) حاصل کرنے والا دور تصور کیا حب سکتا ہے۔

$$D_7 = \sum (0,3)$$

$$D_6 = \sum (1,2)$$

$$D_5 = \sum (1,2,3)$$

$$D_4 = \sum (3)$$

$$D_3 = \sum (0,1)$$

$$D_2 = \sum (0,2)$$

$$D_1 = \sum (3)$$

$$D_0 = \sum (1,2)$$

ان تق عسل کو ایک مختلف نقط نظرے و کھتے ہیں۔ کمتر دوبِت D_0 اور D_1 کو ایک سے تھ D_1 و کھسیں تو کے مداحت ل D_1 جو کہ کو کا کہ بیاں کا منطق کی کارہے۔ ای طسر ت D_1 وراصل D_2 وراصل D_3 اور D_3 وراصل D_3 وراصل D_3 وراصل کا منطق ضرج جب کہ D_3 ان کا منطق جمع ہو کہ کا منطق میں منطق میں کا منطق کی کھی ہوتا ہو کا ان کا متم میں میں کا منطق میں کا منطق کی کھی کے کہ کے کہ کے کہ کا منطق کی کا منطق کی کا کہ کا منطق کی کے کا کا منطق کی کا کہ کہ کا کا کہ کہ کا کہ

باب-۱۰

وت بل تشكيل تركب بي منطقي ادوار

پختہ حسافظہ استعال کرتے ہوئے تف عسل کا حصول گزشتہ باب مسیں دکھیایا گیا۔ m بٹ پت پختہ حسافظہ مسیں تمام ممکنہ 2^m ارکان ضرب موجود ہوتے ہیں جنہ یہ پٹوں سے جوڑ کر درکار تف عسل حساس کیے حباسکتے ہیں۔ پخت حسافظہ وکمیرے منطقے ادوار '،جن پر بہاں غور کسیاحبے گا، کی ایک فتم ہے۔

وت بل تفکیل ترکیبی منطقی ادوار کی پہلی فتم قابل تفکیل جمع ترکیبی منطقی ادوار اے، جن مسین پہلاصف ضرب گیٹ اور دوسر بھٹ کی منطقی ادوار علیہ منطقی ادوار علیہ منطقی ادوار کی ہمان کے اور دوسر کی منسب از کا موسی منسب کے جمع کیٹوں کے داخشی برقی جوڑ ت بل تفکیل ہوتے ہیں۔ پخت مسافظ مسین داخشی مسین شمسار ہوتا ہے۔ اس فتم مسین شمسار ہوتا ہے۔

و بال تفکیل ترکیبی منطق ادوار کی دوسری فتم قابل تشکیل ضرج ترکیبی منطقی ادوار " بے، جن مسین پہلاصف ضرب گیسٹ اور دوسر اجمع گیٹ کابو تا ہے اور جو مجمعوے ارکان ضرب کی صورت مسین تف عسل دیتے ہیں۔ پہلی صف کے ضرب گیسٹوں کے داحنی برقی جو ڈائل ہوتے ہیں۔ ضرب گیسٹوں کے داحنی برقی جو ڈائل ہوتے ہیں۔ تیسسری اور سب سے زیادہ کی ہے دار مت بل تفکیل ترکیبی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے ضرب گیسٹوں کے داحنی منطقی ادوار کی فتم مسین پہلی صف کے ضرب گیسٹوں کے داحنی حدید کی مسین پہلی صف کے ضرب گیسٹوں کے داحنی حدید کی مسین پہلی صف کے ضرب گیسٹوں کے داحنی حدید کی صفح کے خوب کی مسین کیسلوں میں مسین کیسلوں میں مسین کیسلوں میں کیسلوں کے داحنی مسین کیسلوں میں میں ہوئی کی مسین کیسلوں میں کیسلوں کے داخلی کی مسین کیسلوں کے داخلی کیسلوں کی مسین کیسلوں کی مسین کیسلوں کی مسین کیسلوں کے داخلی کیسلوں کی مسین کیسلوں کے داخلی کیسلوں کی مسین کیسلوں کی مسین کیسلوں کی مسین کیسلوں کی مسین کیسلوں کیسلوں کیسلوں کی مسین کیسلوں کی مسین کیسلوں کی مسین کیسلوں کیسلوں کی مسین کیسلوں کیسلوں کی مسین کیسلوں کیسلوں کیسلوں کیسلوں کی مسین کیسلوں کی کا کو مسین کیسلوں کیسلوں کیسلوں کیسلوں کیسلوں کیسلوں کی مسین کیسلوں کیس

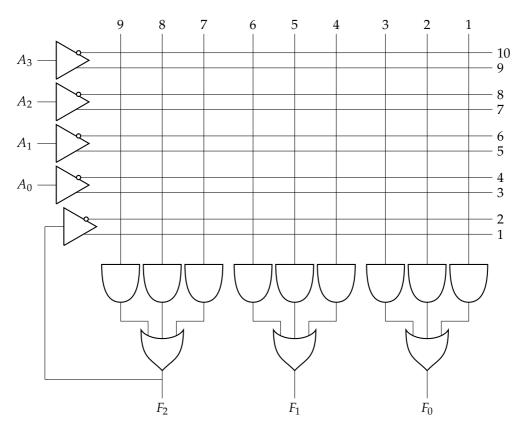
جوڑ اور دوسسری صف کے جمع کیٹوں کے داختلی جوڑ دونوں متابل تفکسیل ہوتے ہیں۔ انہیں قابلی تشکیلی ضرب و جمع ترکیبی منطقی ادوار "کتے ہیں۔

مذکورہ بالاادوار پروگرامبر(محنلوط دور برنامہ نویس) سے تشکیل دیے حباتے ہیں۔

programmable logic devices (PLDs)^t programmable array logic (PAL)^r

programmable logic array (PLA)

CPLD, complex programmable logic devices



مشكل ا. ١٠: ت بل تفكيل ضرب جوڑوالے تركى بي دوركى عصوى ساخت

ا. • . • ا وتابل تشكيل ضرب تركيبي منطقي ادوار

وت بل تفکسیل ضرب ترکسیبی منطقی ادوار کی عصومی ساخت سشکل ۱۰۱۰ مسین د کھائی گئی ہے جہاں دور کے حسار مداحن اور تین محنارج ہیں۔ ان ادوار مسین عصوماً گئی محنارج استارے بھی بطور مداحن استعال کیے حباتے ہیں جیسے یہاں وکے استعال کیا گئی ہے۔ کہا استعال کیا گئی ہے۔ کہا کہا کہ کہا گئی ہے۔ کہا کہا گئی ہے۔ کہا دوار مسین عصوماً گئی محنارج استعال کیا گئی ہے۔

د کھے کے گئے دور کے تین کیساں تھے ہیں۔ ہر تھے۔ مسین دس مداخشان تین خرب گیٹ ہیں جو تین مداخشاں ایک بھٹ گیٹ کو حباتے ہیں۔ خرب گیٹ کے مداخشاں تشکیل جبکہ جنج گیٹ کے مداخشاں اٹل ہیں۔ دور کے کُل حپار مداخشاں ہیں جنہیں مستحکم کارے گزار کران کے متم بھی خرب گیٹ کومہیا کیے گئے ہیں۔ اسس دور مسین 10 داخشلی کُل 9 جنج گیٹ ہیں البہٰذااسس مسین 90 = 10 × 9 نستلے ہوں گے۔

عبام دستیاب ادوار مسین مداحنل ادر محنارج کی تعبیداد اسس سے زیادہ ہو گی، مشلاً ان مسین سولہ مداحنل، آٹھ محنارج اور

آٹھ یکسال اندرونی ھے ہو کتے ہیں جن مسیں ہر حصہ آٹھ ضر ب اور ایک جمع گیٹ پر مشتمل ہو گا۔ مسزید حضار جی اہشاروں پر مستحکم کار نصب ہو کتے ہیں جنہیں بلٹ در کاوٹی حسال کیا حب اسٹا ہے۔

آئیں اسس دور کو استعال کرتے ہوئے درج ذیل تف عسل حساس کرتے ہیں جو ارکان ضرب کے روپ مسین دیے گئے ہیں۔

$$F_0(A, B, C, D) = \sum (4, 5, 10, 14)$$

$$F_1(A, B, C, D) = \sum (0, 1, 5, 7, 9, 13, 14, 15)$$

$$F_2(A, B, C, D) = \sum (0, 1, 5, 7, 14, 15)$$

کارناف نقث حبات سے ان تف عسل کادرج ذیل سادہ رویہ حساس کیا حباسکتا ہے۔

$$F_{0} = \overline{A}B\overline{C} + AC\overline{D}$$

$$F_{1} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC + A\overline{B}C = F_{2} + A\overline{B}C$$

$$F_{2} = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BD + ABC$$

ان مساواتوں مسیں کوئی بھی ضربی رکن تین سے زیادہ مداحنل پر مشتل نہیں المبذا درج بالاتف عسلات کو شکل ۱۰ امسیں پیش وتابل تشکیل ۲۰ امسیں درج بالاتف عسلات کا پیش وتابل تشکیل ترک بسی درج بالاتف عسلات کا دور د کھایا گئیس ہے جہاں سالم جوڑ صلیبی نشان سے ظہار کیے گئے ہیں۔

۱۰.۰.۲ و تشکیل ضرب و جمع تر کسیبی منطقی ادوار

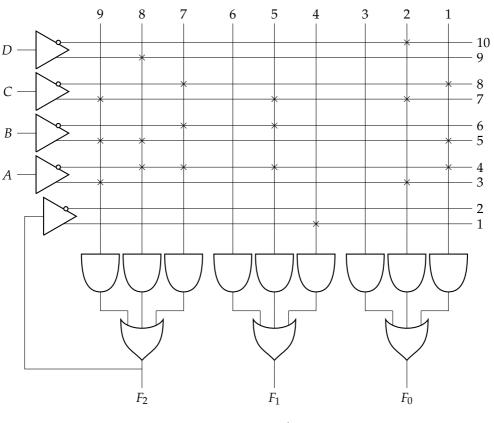
ان ادوار مسیں بھی پہلی صف ضر ب گیٹ اور دو سسری صف جمع گیٹول کی ہوتی ہے البت ان مسیں ضر ب گیٹول اور جمع گیٹول کے تمسام جوڑوت بل تفکسیل ہوتے ہیں۔ یوں استعال کے نکت نظسرے یہ نہایت کچک دار ہوتے ہیں۔

سشکل ۱۰۰ سمیں متابل تشکیل ضرب و جمع ترکیبی منطقی دور د کھایا گیا ہے۔اس دور مسیں تمسام ضرب گیٹوں کے داخنلی جوڑ فت بل تشکیل ہیں۔اس دور مسیں آٹھ داخنلی چھ ضرب گیٹ اور چھ داخنلی تین جمع گیٹوں کے داخنلی جوڑ فت بل جوڑ 66 ہوں گے۔

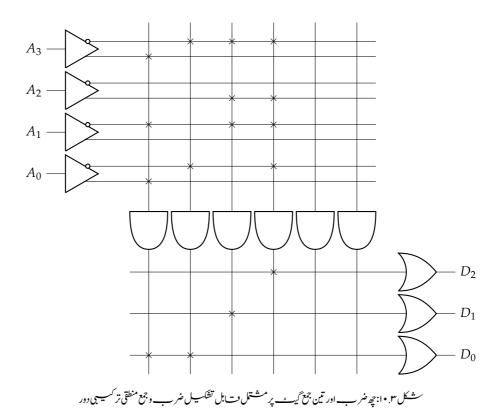
اس شکل مسیں درج ذیل تین تف عسل حساس کیے گئے ہیں جہاں صلیبی نشان سلامت جوڑ کو ظاہر کرتے ہیں۔ ان تف عسل کے حصول مسیں حپار ضرب گیٹ اور شینوں جع گیٹ کی ضرورت پیش آئی، جبکہ دوضرب گیٹ زیر استعمال نہیں آئے۔

$$\begin{array}{c} D_2 = \overline{A}_0 \overline{A}_1 A_2 \overline{A}_3 \\ D_1 = \overline{A}_1 A_2 \overline{A}_3 \\ D_2 = A_0 \overline{A}_1 A_3 + \overline{A}_0 \overline{A}_3 \end{array}$$

یہاں دکھایا گیا تشکیل ضرب و جمع ترکیبی منطق دور صرف سنجھانے کی مناظ سرتھا۔ حقیقی ادوار مسیں کئی گٹ زیادہ مداخن کی محتارج، اور گیائے ہوں گے۔ شنائی تفاعس کی سادہ ترین صورت مساس کر کے اسے محتلوط دور مسیں ڈالا مباتا ہے۔ سادہ ترین روپ کا حصول ، جو عسوماً ایک مشکل کام ہوگا، کمپیوٹر کے ذریعے کمپیامباتا ہے۔ منقطع ہونے والے فتنیوں کی معسلومات بھی کمپیوٹر فنسراہم کرتا ہے۔ فتنیلے محتلوط ادوار کا پروگر امسر منقطع کرتا ہے۔



شكل ٢.٠١: تين تفء علا ___ كاحصول



ا. ١٠ صبل تشكيل ترتيبي ادوار

جیب اس باب کی شروع مسین ذکر ہوا، و سلام پیانے کے مخلوط اووار ^۵ر تسیبی بن اوٹ رکھتے ہیں۔ وت بل تشکیل ترکسیبی ادوار کے ساتھ پلٹ منسلک کرے وت بل تفکسل تر تسیبی ادوار حساس کیے جباتے ہیں۔ اس طسرح کے یک ان کئی ھے ایک منسلوط دور پر مسین ڈال کر بیچیدہ قابلی تشکیلی ترتیبی اووار 'بن ع حباتے ہیں۔ ان ادوار مسین تسام انف رادی حصول کے ماہین، وت بل تفکسیل ترکسیبی ادوار کی طسرح، برقی جو ڈوں (فنستیوں) کا حبال بچھیا جب تاہے، اور بسیرونی مداحنل کے ساتھ دور کے منارج بطور مداحنل استعال کے حباستے ہیں۔

انتہائی وسلیج پیانے کے مخلوط ادوار کی بناوٹ صف درصف گیٹوں پر مسبنی ہوتی ہے۔ایے حبدید مختلوط ادوار مسیں گیٹوں کی تعبد ادار ہوں مسیں ہوتی ہے۔

انتہائی و سنج پیپانے کے محسلوط ادوار کاؤ کر کرتے ہوئے مور کی پیٹن گوئی کاؤ کر کرنالازم ہے حسبنہوں نے 1965مسیں پیٹن گوئی کی کہ محسلوط ادوار مسیں گیبٹوں کی تعبداد ہر دوسال مسیں دگنی ہوگی۔ یہ پیٹن گوئی جے م**ور کا قانون م**مسیم کیتے ہیں اب تک درست ثابی ہوتا آرہا ہے۔

انتہائی وسیع ہیں۔ مخلوط دور تشکیل دیے کی حناطہ تناعمل میں مستعمل گید اور ان کے چیج جوڑ کی مسلومات مخلوط دور سناتے وقت اسس معلومات کے تحت گیدوں کرنے والے صنعت کار کو بستراہم کیا جہار صنعت کار صارف کے ضرورت کے معلومات کے تحت گیدوں کے چی در کار جوڑ بن دیے حباتے ہیں۔ کبھی کبھار صنعت کار صارف کے ضرورت کے مطابق مطابق محسابق محس

اسس سلم کی آمنسری فتم موقع پر قابلی تشکیلی گیٹے۔ صف اب جو دراصس انتہائی و سنج پیب نے محنلوط ادوار کی وہ قتم ہے جے مسارون خود تفکسیل دے سکتا ہے۔ انہ بیں باربار تفکسیل دیا حب سکتا ہے۔ ان ادوار مسیں گیٹ، بلٹ، مشناخت کار، عبارضی حسافظ اور اسس فتم کے دیگر ادوار پائے حب تے ہیں۔ موقع پر حت بل تفکسیل گیٹ صف استعال کرنے کی حناطسر کمپیوٹر کی مدد سے تیار اگرنے کی حناطسر کئی کمپیوٹر پروگرام استعال کے حباستے ہیں۔

مثق ا . ۱۰: انٹ رنیٹ سے EPM7032 مختلوط دور کے معلوماتی صفحات صاصل کریں۔(۱) اسس میں کتنے کیاں صعبیں ؟ (ب) اسس میں بائے ہی پایا جباتا ہے ؟

large scale integration (LSI)2

complex PLD (CPLD)

very large scale integration (VLSI)2

Moore's law

application specific integrated circuit (ASIC)9

field programmable gate array (FPGA)

computer aided design (CAD)"

إبا

غب رمع اصر ترتنس ادوار

وسیج پیبان عددی ادوار عصوماً معاصر ادوار کے طسرز پر بنائے حباتے ہیں۔ان کے اگلے حیال مکسل طور پر موجودہ حیال سے حیاصل ہوتے ہیں اور باقی اوصات کے لئے انہاں عنصر متخصر تھور کیا جہال عرف ساعت کے لئے انہیں عنصر متخصر تصور کیا حباسکا ہے۔ ساعت کے کنارے سے چند لمحیات قسبل تا چند لمحیات بعب محتال کاپائیدار ہونایق نی بنایا حباتا ہے۔ یوں کنارہ ساعت پر معسلوم حیال پائے حباتے ہیں جن سے اگلے بر معسلوم حیال پائے حباتے ہیں جن سے اگلے بر تھین حیال حیاصل ہوتے ہیں۔

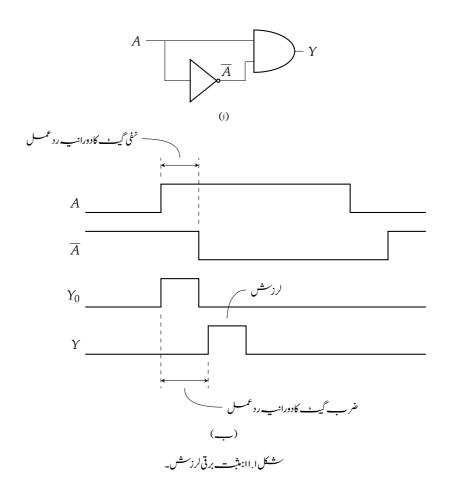
اسس کے بر تکسس عنیب معاصر ادوار کے حسال کی بھی لھے۔ تب یل ہو سکتے ہیں جسس سے حسالت دوڑ اور دیگر مسائل کھٹرے ہوتے ہیں جن پر اسس باہے مسیں غور کسیا حبائے گا۔

غیب معیاصر ادوار کی اپنی ایک اہمیت ہے۔ سبہ ساعت کے کمنارے کا انظار کیے بغیبر امشارہ کورد عمسل کر سکتے ہیں۔ عسوماً کسی بھی عبد دی دور مسین کچھ حصہ معیاصر اور کچھ غیبر معیاصر ہوگا۔

سٹکل ۱۱. امسیں نہایت سادہ دور دکھایا گیاہے جس کو سرسری نظرے دکھ کریوں محموس ہوتاہے کہ ضرب گیر سے کا محنان کہی بلند نہیں ہو تاہے کہ ضرب گیر سے کا محنان کہی بلند نہیں ہو تاہے کہ مسئلہ اتناسادہ نہیں۔ جب بھی مداحنل A کسان ہوتاہے کہ مسئلہ اتناسادہ نہیں جب کھی مداحنل محال تبدیل کرے گا۔ یہ تاخیر انٹی گیٹ کے دورانیہ رو حال تبدیل کرے گا۔ یہ تاخیر کی گیٹ کے دورانیہ رو عمل کے دورانیہ کی کا محنان کی کا محنان کی گئے ہوئے یہ تاخیر بڑھا حب ٹرھا کر دکھائی گئے ہے۔ اگر ضرب گیٹ کا محنان کا دورانیہ رو عمل بق مصند ہوتا تب ضرب گیٹ کا محنان کا ان دو مداحنل کے مطابق حسال کی افتیار کرتا۔ حقیقتاً ضرب گیٹ کو بھی رو عمل کے کئے چند لحسات در کار ہوں گے لہذا ضرب گیٹ کا محنان کا کہوگا۔

آپ د کھ سے ہیں ضرب گیٹ کا محتارج عنیسر مطاوب طور پر، نفی گیٹ کے دورانیے روعمل کے برابر دورانے کے لئے، بلند ہوگا۔ اس طسرح کے، عنیسر مطاوب نہایت کم دورانیے کے لئے، حال کی شبد بلی کو برقی لرز ش یا مختصراً

delay'



لرز (پر ا کہتے ہیں۔ برقی لرزمش مثبت یامفی ہو ^{سک}تی ہے المہذا موجودہ لرزمش کو مثبت لرزمش کہتیں گے۔ لرزمش نہایت کم دورانیے کی دھٹڑ کن تصور کی حب سسکتی ہے، تاہم لرزشش کی اصطبار تعسوماً غنیبر مطباوی دھٹڑ کن کے لئے استعال کی حیاتی ہے اور ان سے معیاصر ادوار کوبا کے رکھیا حیاتا ہے۔

لرز مش کی وجب سے ادوار ع**بور کی عالی "اختی**ار کرتے ہیں۔اسس باب مسین عبوری حسال پر تفصیلاً بحث ہو گی۔

آپ نے دیکھ کہ ضرب گیٹ تک اشارہ \overline ہینچنے میں تاخیر کی ہدوات لرزشش پیدا ہوئی۔ تاخیر کی مسزید ایک مثال دیکھتے ہیں۔

برقی تارمیں برقی دباو کی رفت ارتقب ریباً خیاہ میں روشنی کی رفت ارس کے برابر ہوتی ہے۔ یوں ایک نیسنوسیکنڈ میں برقی د باو تقسیر بیا أور $0.3 \times 10^8 \times 10^8 \times 10^{-9}$ میبٹر لینی 30 منٹی میبٹر مناصلہ طے کرتا ہے۔ آیئے دیکھتے ہیں اگر پچھسلی مثال تبدیل کر کے نفی گیٹ کی جگہ 30 سینٹی میٹر برقی تار لگائی حبائے اور ضرب گیٹ کی جگہ بلا شرکت جمع گیٹ نصب کساحیائے تو دور کار دغمسل کیپ ہو گا(شکل ۱۱٫۲ دیکھیں)۔

اشارہ A گیٹ کے ایک داختی پن پر مہاکب آگیا ہے جب کہ یہی اضارہ تیسس سنی مسیر برقی تارے گزار کردوسرے دا حسلی پن پر مہاکب اگسیا ہے جہاں (تاخب رے پہنچنے والے)اث ارے کو A کہا گسیا ہے۔ تار کوبل دار لکب رے ظاہر کے اگریا ہے۔ یوں اشارہ At گیٹ کے دوسرے بن تک (تارمسیں ترسیل کے بعد) تافیر سے بنیجتا ہے۔اشارہ A_t بلت دیاییت ہونے کے ایک نسینو سیکنڈ بعب داشارہ A_t بلت دیاییت ہوگا۔ گیٹ کا دورانی ردِ عمس نظر انداز Aکرتے ہوئے گیٹ کامحنارج ۲۰ ہوگا۔ گیٹ کا دورانی ردِ عمسل مد نظر رکھتے ہوئے محنارج ۲ ہوگا۔ گیٹ کے حنارجی اثارے میں دوبلے برقی لرزشیں دیجھنے کو ملتی ہیں جن کے دورانے برقی تار میں تاخیر کے برابر ہیں۔ یوں اشارے کی راہ مسين تاخب ر، حب نظب كي طب رح، معلومات لمحي آتي طوريا در كھنے كي صلاحيت ركھتي ہيں۔

آپ نے دیکھ مختلف طسرز کی تاخب رور مسیں لرز شیں پیدا کرتی ہیں۔ جب اں بازر سمیر اشارہ ۵ تاخب رہے پہنچ کر مختارج تب دیل کرتا ہو وہاں دوران تاخب محنارج اور تاخب رکے بعد محنارج مختلف ہوں گے جس سے ما یائیدار طالعے اپسیدا ہو گا۔

جب بھی ایک سے زیادہ اث ارب بیک وقت تب دیل ہوں، گیٹ اور برقی تاروں مسیں نامت ابل معسلوم تاخب رکی ہدولت ، ان کے اثرات حبانت تقسر بیباً نامسکن ہو گا۔ اسس مسئلے سے بچنے کی حناطسر غیسر معیاصر ادوار درج ذیل دو شسر الط کے تحت بنائے حباتے ہیں: (۱) ایک وقت پر صرف ایک امشارہ تب میل ہو؛ (ب) امشاروں کی تب میلی کے در میان اتت او تفن دیاجائے کہ تاخب رکے باوجود دوریائیدار حسال اختیار کرتا ہو۔ان مشر الط کے تحت حیلنے کو **بنیا دی طراق کا**ر ^ہے۔ تحت چلٺ کتے ہیں۔

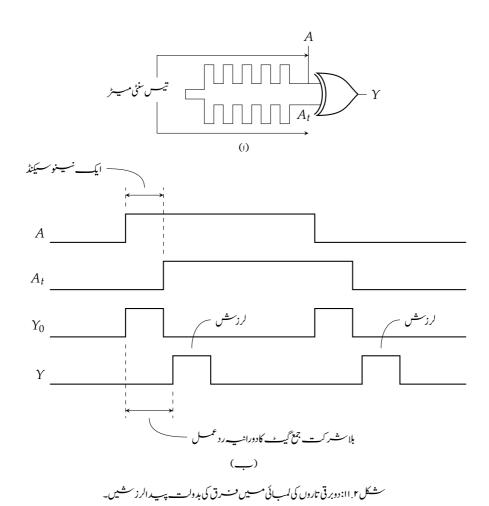
glitch'

transition state

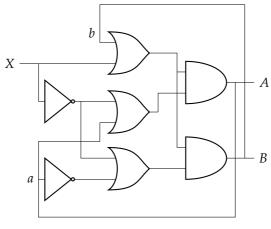
 3×10^8 میں حنلاء کی روشنی میں حنلاء کے روشنی میں حنلاء feedback signal^a

unstable condition

fundamental mode2



الاتنجازي ١١١. تحبازي



مشكل ١١.٣: غيسر معساصر دور ـ

ا.اا تحبزب

غ**یر معاصر ترتیبی ادوار ^ سے مسر**ادایے ادوار ہیں جن مسیں (ا) بغیبر ساعت والے پلٹ پائے حبائیں اور یا (ب) ان مسیں ایک یاایک سے زیادہ محنارج بطور **بازر سے اشارات** استعال ہوں۔ جیسے اوپر ذکر کسیا گسی، مختلف نوعیت کی تاخسیر کی بہت پر بازر سی ارات لمحساتی طور پر حسافظہ کی صسلاحی<u>ت رکھتے ہیں</u>۔

جب حضار جی امشارہ، مشلاً D ، بطور داحضلی امشارہ استعال ہو کر اپنی ہی قیمت (D) تعسین کرنے مسیں کر دار ادا کر تا ہو، س**ی بازر سی اثنارہ ⁹کہا** تا ہے۔

اسس حسب مسين بغيب ريائ ادوارير غور كسياحبائ كاله پلائ والے دورير الكلے حسب مسين غور كسياحبائ كاله

ا.۱.۱۱ عبوری حبدول

غیب رمع اصر ترسیبی ادوار پرغور ان کے ع**بور کی جدول ۱**۰ کی مد دے کیا حب تاہے۔ یہ طسریقہ مشکل ۱۱.۳مسیں دیے گئے دور کی مد دے سیکھتے ہیں۔

پلٹ کی غنیبر موجود گی کے باوجود اسس کو ترشیبی دور اسس کئے کہ بین گے کہ حنار جی احداد A اور B بطور باز رسم اشارات ان a ، استعمال کیے گئے ہیں۔ دورے حنار جی حسال کی مساوات کھتے ہیں۔

(II.1)
$$A = (b+x) \cdot (a+\overline{x})$$
$$B = (b+x) \cdot (\overline{a}+\overline{x})$$

asynchronous combinational circuit^A

feedback signal9

transition table'*

feedback signals"

<i>ب د</i> ول ۱۱: دور کابوولین حب دول ـ	
---	--

а	b	x	A	В
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	0

a مساوات حساس کرتے وقت بازری امشاروں کو عسام مداحن تصور کریں۔ یوں x کو بسیرونی مداحن جب a اور b کو اندرونی مداحن تصور کریں۔ ان مساوات مسیں a اور b موبودہ مخارج جب a اور a کا ایر a میں دکھیا گائی جب کے حدول از احساس ہوگا جس سے عسبوری حدول کا حصول مشکل از a

حبدول ۱۱. امسیں پیش عالی کے متغیراتے ۱۱ اور B کی معساومات کو علیحہ وہ کارنان نتوں کی طسرز پر کھی گلیستان عالی کے متغیراتے ۱۱ اور B کا معساومات کو علیحہ وہ کارنان نتوں کی بائیں حبانب قطار کھی گلیستان میں اندرونی مداحنل A کی عمورت مسیں ہیں۔ وفی مداحنل A کی عمورت مسیں ہیں۔ وفی مداحنل A کی قیمتیں جبکہ اوپر حبانب صف کی صورت مسیں ہیں۔ قیمتیں جبکہ اوپر حبانب میں کتھی حباتی ہیں۔

عبوری جدول مسیں A اور B کی قیمتیں ساتھ ساتھ AB کسی حباتی ہیں۔کارناف نقلوں کی آحنے ری صف کی دائیں قطار کے مطابقتی قطار وں مسیں A کی قیمت 1 جب B کی قیمت 0 ہے۔ عبوری حبدول کی خیلی صف اور دائیں قطار کے مطابقتی حنانے مسیں ان قیمتوں کو ساتھ 10 کسی گیا ہے۔ اسس عمسل کی وضاحت تسیر دار کسیروں سے کی گئی ہے۔ عبوری حبدول مسیں صف در صف حیلت ہوئے جب بھی صف مسیں موجودہ محناری ab اور الحظے محناری AB کی قیمت میں از حبدول سے باہر قیمت میں از حبدول سے باہر عبوری حبدول کی پہلی صف مسیں (حبدول سے باہر بین حباری) میں جب باہر کی تیمت 00 ہے؛ ای صف اور بائیں قطار مسیں AB کی قیمت بھی 00 ہے الباندا اس قیمت کو دائرے مسیں بند حسال پائی بابائے دار العنی عبور کی ہے۔ التی عبور کی ساتھوں گے۔ دائرے مسیں بند حسال پائی جب دائر قسیر کی جب کی ایک میں بند حسال پائی دائرے مسیں بند حسال پائی جب دائر قسیر کی جب کی ایک میں بند حسال پائی دائر کے مسیں بند حسال پائی دائر کے مسیں بند حسال پائید دار (مسید کام) جب کہ باقی ناپائے دار لیعنی عبور کی ساتھوں گے۔

شکل ۱۱.۵ پر نظر رکھ کر عبور کی جدول کے استمال پر غور کرتے ہیں۔ جب ول کی ab=00 صف اور a=0 قط رمسیں واقع حت نے کو ابتدائی خانہ "انہا گیا ہے ، جس مسین ab=00 اور a=0 کی صورت مسین ab کی قیت درج ہے۔ مسین کریں اہتدائی حت نے دور کا اہتدائی حت النظام کرتا ہے۔

اب اگر ab = 00 رکھتے ہوئے سیرونی مداحسٰل x کی قیمت 0 ہے 1 کر دی حبائے تو عبوری جدول کے مطابق ab = 00 کی قیمت 00 ہو حبائے گے۔ بول موجودہ حسال 00 ہو حسابق کی قیمت میں معتلف ہوں گی جو عبوری

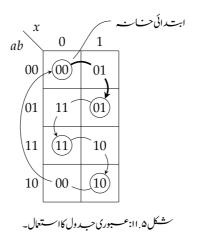
state variables"

transient state"

الكى بھى مستحكم حىال حنانے كوابت دائى حنان منتخب كياحباسكتاہے۔

۱.۱۱ تحبزي

	حبدول	عبوري	A	ئەبرائ 1	نان نقث	ار: B	شه برائے	نانے نقسہ	کار:
ab x	0	1	ab	0	1	ab	0	1	
00	00	01	00	0	0	00	0	1	
01	11	(01)	01	1	0	01	1	1	
11	11)	10	11	1	1	11	1	0	
10	00	10	10	0	_1	10	0	_ 0	
·									•
			4	/1 .) (_\ n	(1 .	\	_



حسال کی نشانی ہے اور جس مسیں دورزیادہ دیر نہمیں رہ سکتا۔ برقی تاروں مسیں تاخیب رکے بعبہ ab = 01 کو قیب ab = 01 جو جب کے گی جب ab = 01 برگز تن اور اور ای ab = 01 برگز گی تیب رکے بعبہ عبوری جب دول کی ab = 01 برگز گاہب کی تھیں۔ ab = 01 اور ab = 01 اور ab = 01 بہجو مستحکم حسال کو ظاہر کر تا ہے (اور ای لئے دائرے مسین بہت دکھ کیا گیا ہے)۔ اسس پورے مسرحیا ہو ہے ہم" پہیا ہوتہ م" کہتا ہیں (وضاحت کی حضاطب، موٹی تعیبر دار لکسیسر سے ظاہر کمیا گیا ہے جو عبوری حنانے (عبوری حسال ab = 01 کی حناطب، موٹی تعیبر دار لکسیسر سے ظاہر کمیا گیا ہے جو عبوری حنانے (عبوری حسال ab = 01 کی رکز کر مستحکم حال (01) پر اختا میز پر ہوتا ہے۔

مستخکم (پائے یدار) حسال سے ابت داکرتے ہوئے X کی قیمت تبدیل کرنے سے دور پچھ کھوں کے لئے عسبوری حسال اختیار کر گیا۔ سے صورت زیادہ دیر برفت رار نہیں رہی۔ تارول مسین تاخیسر کے بعب بازری امشارے تبدیل ہوئے اور دور دوبارہ مستخکم حسال اختیار کر گیا۔ عسموماً ادوار کاعمسل ای طسیرج ہوگا۔

x=0 ای طسر x=0 مطابق دور x=0 گرقیت x=0 گرفت میں دری حبدول کے مطابق دور x=0 مطابق دور x=0 مطابق دور x=0 مطابق دور x=0 اور x=0 اور x=0 من x=0 اختیار کرے گا۔ اس مسر x=0 من x=0 کا بختیار کرو میں تاخیر کر بعد x=0 من تاروں میں تاخیر کر بعد x=0 من تاروں میں تاخیر x=0 من تاروں x=0 میں تاروں کیا تاروں ک

دور کا حسال AB کی بحب نے ABx ککھ حساس تاہے۔ یوں 000 ، 011 ، 101 ، 101 منتکم عالی جب مال جب مال منتکم عالی جب 101 ، 101

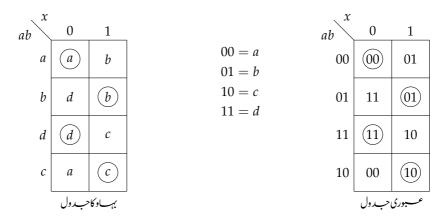
عبوری حبدول کی ہر صف مسیں ،عبوماً ، کم از کم ایک مستحکم حسال ضرور پایا حب اتا ہے۔ ایب سے ہونے کی صورت مسین اسس صف مسین بینچ کر دور عبوری حسال اختیار کرے گا۔

عبوری حبدول حساصل کرنے کاطسریقہ کاریساں سیان کرتے ہیں۔

- دورمسین تمام بازر سی اشارول اور بازر سی دائرول ۱۵ کانشاندی کریں۔
- کسی بھی ترتیب سے بازر می دائروں کے محتارج کی مشناخت ، C ، B ، A ، وغنیبرہ جبکہ اس ترتیب سے ان کے باز رسی اعشارات کی مشناخت ، c ، b ، a ، وغنیبرہ سے کریں۔
 - ہیے رونی اور اندرونی مدا^{حن}ل کی صورت مسین تمام محنارج کے بودلین تف عسل حیاصل کریں۔
 - ان تفاعل كے كارناف نقشے بن مكيں۔

feedback loops 12

۱۱.۱ تحبزب



شکل ۲.۱۱: عبوری حب دول سے بہاو کے حب دول کا حصول۔

- جباں ، ، ، ABC اور ای صف مسین ، ، ، abc کی قیت یک ان ہو، وہاں ، ، ، ABC کو دائرے مسین بہند کریں۔

عبوری حبدول کے حصول کے بعب رسیرونی مداحن ل تب دیل کر کے دور کے عبوری حسال پر غور کسیاحب سکتا ہے۔

۱۱.۱.۲ بهاو کاحب دول

سشکل ۱۱. ۴ مسیں عبوری حب ول کلمتے ہوئے حنانوں مسیں بود لین طسرز پر حسال درج کیے گئے۔ دو محنارج کی صورت مسیں حب رحسال (00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 ، 00 کوحسال 0 کوحسال 00 ک

سٹکل ۱۰۱۱ مسیں پیش بہاو کے حبدول کی ہر صف مسیں صرف ایک مستحکم حسال پایا حباتا ہے۔ پہلی صف مسیں صرف 000 اور دوسری صف مسیں صرف 011 مستحکم حسال پائے حباتے ہیں۔ ایسا حبدول جس کی ہر

صف ميں صرف ايك مستحكم حال پاياب تا ہو اولي بهاو كا جدول الها تا ہے۔

شکل ۱۱. کمسیں ایک ایب ہیاہ کا حبدول پیش کی اگیا ہے جس کی صفوں مسیں ایک سے زیادہ مستکلم حسال پائے دیا۔ کم مسال ہیں۔ ایسے حبدول کو غیر اولی بہاو کا جدول ^۱ حب تے ہیں۔ مشال ، پہلی صف مسیں مستحکم حسال 000 ، 101 ، 100 ہیں۔ ایسے حبدول کو غیر اولی بہاو کا جدول ^۱

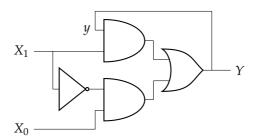
flow table 19

primitive flow table 12

non primitive flow table 'A

x_1x_0	x_1x_0	
y 00 01 11 10	y 00 01 11 1	0
$a \bigcirc \begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \bigcirc \bigcirc$	a=0	
		b)
عبوری حبدول	غىپ راولىن بېساو كاحب دول	

سشکل ۱۱: غنی راولین بهاوکے حبدول سے عسبوری حبدول کا حصول۔



شکل ۸.۱۱: غنیب راولین بہاوے حید ول سے حساصل دور۔

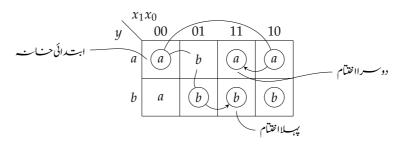
کتے ہیں۔

ہماوے حبدول سے دور حساس کرنے کے لئے پہلے عہوری حبدول حساس کسیاحب تا ہے۔ ہماوے حبدول کے دو صف میں الہذادور کے دو حسال ہوں گے۔ دو ممکنہ صور توں کو ایک ہیں جو عہد وظاہر کر سکتا ہے۔ یوں حسال a کو a اور موجودہ b کو a کو معارق کو a کو اور موجودہ محسارہ کو میں میں دکھیا گئی ہے۔ دور کے اسکل میں موجودہ معارف کو a کو میں میں دکھیا گئی ہے۔ دور کے اسکا حساس کرتے ہیں میں مسلم کر میں میں میں کہ کا تف عسل حساس کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

$$Y = \overline{x}_1 x_0 + x_1 y$$

اس تف عسل کادور شکل ۸.۱۱ مسیں پیش ہے۔

 ا.اا. محبزب



شكل ٩ . ١١: دومخلف ترتيب سے مداحن ل تب دیل کیے گئے۔

کرے عبوری حیال bے گزر کر مستحکم حیال b بہنچی ہے۔ دوسسری تیبر دار لکیبر مستحکم حیال bے آغیاز کرکے عبوری حیال b بہنچی ہے۔

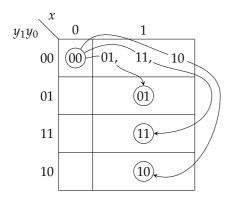
 x_0 کی تیمت میں ابت دائی حنانے سے آغن زکرتے ہوئے x_1 بر مت دار اور x_0 تبدیل کرنے کی بحبائے ہم x_0 کی تیمت x_1 کی تیمت کے بین ایعنی x_1 کی تیمت کے بین ایعنی x_1 کے بین x_2 کے بین x_1 کی تیمت بھی x_2 کی تیمت بھی x_3 کی دی حبائے، تواختای حیال بر مت دار x_1 کی وصرا اختیام کہا گیام کہا گیا ہے۔

آپ نے دیکسا اختای حسال ہیں۔ ونی مداحسل کی تبدیلی کی ترتیب پر مخصسر ہے۔ اسس مشال مسین اہت دائی ہیں۔ ونی مداحسل 00 جبکہ اختای مہدونی مداحسل 10 ہیں۔ یادر ہے بنیادی طراقتی کار کی شعر الکا کے تحت، (دورکی درست کار کرد گل کے ضروری ہے کہ) ایک سے زیادہ ہیں۔ وفی مداحسل بیک وقت تبدیل نے کے جب ئیں۔ یوں 00 سے آعساز کرکے ہم سیدھا 11 نہیں کر سے ۔ ایس کرنے سے (نافت بل معسلوم تاخیسر کی بہنا پر) درست اختای حسال حبانسانا ممسکن ہوگا۔

۱۱.۱.۳ حسالت دوڑ

مالت دوڑ اس صورت کو کتے ہیں جب جیرونی اشارے کی تبدیلی ایک عندان گفتگو کی حبائے گی۔ اس جے مسین اس پر تفصیلاً گفتگو کی حبائے گی۔ حالت دوڑ اسس صورت کو کتے ہیں جب جیرونی اشارے کی تبدیلی ایک ہے نیادہ حال تبدیل کرتا ہو۔ تا معلوم تاخیر کی بن پر حبال کی تبدیلی مکسل طور پر حبانت مسکن نہیں ہوگا۔ مضالاً، و مند ض کریں دو حبال دور کا موجودہ مستکم حبال 00 ہے اور جیرونی مداحشل تبدیلی کرنے ہے دونوں حبال تبدیل ہوتے ہیں، اور دور آخسر کار 11 مستکم حبال اختیار کرتا ہے۔ پہلی بازری راہ کی تاخیر دوسری بازری راہ کی تاخیر مسلم حبال اختیار کرتا ہونے کی صورت مسین دور مستکم حبال 10 اختیار کرے گاجبکہ دوسری راہ کی تاخیر ہے کہ ہونے کی صورت میں دور عبوری حبال 10 ہے گزر کر مستکم حبال 11 تک پنچ گا۔ آپ نے دیکھ کہ ہونے کی صورت میں دور عبوری حبال تبدیل ہونے کی ترتیب حبان مسکن نہیں۔

race condition19



y_1y_0	0	1	
00	00	01, 11, 10	
01		01)))
11		11)	
10		11	,

مکن تب دله حال $00 \to 01 \to 01$ $00 \to 11 \to 11$ $00 \to 10 \to 10$

 $00 \rightarrow 01 \rightarrow 01$ $00 \rightarrow 01 \rightarrow 01$ $00 \rightarrow 11 \rightarrow 11$ $00 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 11$

 $\langle x \rangle$

شکل ۱۱.۱۱: بحب رانی دوڑ کی دوسسری مثال

مشكل ١٠. ١١: بحسراني دوڙكي ايك مثال

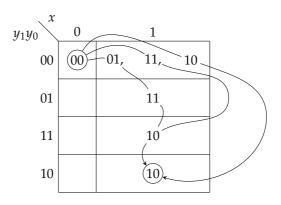
جب عسبوری حسال کی تبدیلی کی ترتیب اختامی حسال متعین کرنے مسین کر دار ادا کرتی ہو اور دور دو مختلف اختامی مستحکم حسال اختیار کرنے کی صسلاحیت رکھت ہو وہاں دوڑ کو بحح **النی دوڑ** ^{۲۰ کہ} میں گے۔ سود مند استعال کے لئے ضروری ہے کہ دور مسین بحسر انی دوڑ کی صورت پیدان۔ ہوتی ہو۔ جہاں عسبوری حسال کی تبدیلی کی ترتیب اختیامی مستحکم حسال پر اثر انداز سے ہوتی ہو وہاں دوڑ کو غیر بمحرافی **دوڑ** الم کہیں گے۔

شکل ۱۱. ۱۱ سیں بحسرانی دوڑ کی ایک مشال دکھائی گئی ہے جہاں بسیرونی مداخشل x اور بازری اشارات y_0 ، اور الای معلی میان ہور کی مداخشل y_1 اور y_1 کست ہو کے گئے المعلوم تاخیب کی بنای ہم نہیں جبانے دور تین ممکنہ حال y_1 110 ، 111 ، 1011 میں ہے کس حال کی بہنے کی گئے گئے ہیں۔ سینوں عبوری حال پہلی صف میں دکھائے گئے ہیں۔ عبوری حال 1011 پہلی صف میں دور یہاں ہوتے ہوئے اختا ہی مستملم حال 1011 اختیار کر گئے ہیں۔ عبوری حال 1011 پنچ گاور یہاں ہے ہوئے اختا ہی مستملم حال 111 اختیار کرے گئے جہاں ہوں ، دور یہا عبوری حال 111 اختیار کر ہے گئے گاور یہاں ہے ہوئے اختا ہی مستملم حال 111 اختیار کرے گا، جس کو تیسری صف میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت کے اختای مستملم حال 111 پنچ گا۔ اسس مشال میں دو اختای حال میں ہیں۔ یہ بی گزر کر آخنہ کار تیسری صف کے اختای مستملم حال 111 پنچ گا۔ اسس مشال میں بائیں حبانب کے ہیں۔ ہیں۔ دریافت کر دافر ان میں ہے کہ دور ان میں ہے کہ دو

critical racer.

non-critical race

ا.اا. تحبزب



گمکند شب دله حمیال
$$00
ightarrow 01
ightarrow 11
ightarrow 10
ightarrow 10$$

مشكل ۱۱.۱۲: غيير بحسراني دوڙكي ايك مثال

کی قطبار اسس لئے منالی رکھی گئے ہے کہ ہم صرف x=1 سے x=1 کرتے ہوئے دور پر غور کر رہے ہیں جس مسیں بائیں قطبار کے اندراحیات در کار نہیں۔

سٹکل ۱۱.۱۱ مسیں بحرافی دوڑ کی دوسری مشال پیش ہے جہاں تین اختای حال مسکن ہیں۔ منگل منتگم عالی x کی قیمت 1 کرنے ہوئے ہوئے ہوئے ہیں دون مداحنل x کی قیمت 1 کرنے ہے دور اختای حال کی طسرون دور آنگائے گا۔ بالکل اُوپر مشال کی طسرح، تین مکن عصوری حال مسکن ہیں۔ ایک عصوری حال 111 ہے جہاں ہے دوسری صف مسیں دکھائے اختای مستحکم حال 2011 پنچ گا۔ دوسرا عصبوری حال 101 ہے جہاں ہے تیسری صف کے اختای مستحکم حال 111 پنچ گا اور تیسرا عصبوری حال 101 ہے جہاں ہے آخندی صف مسیں اختای مستحکم حال 101 پنچ گا۔ نامعی میں اختای مستحکم حال 101 پنچ گا۔ نامعی میں اختای مستحکم حال 201 پنچ گا۔ نامعی میں اختای میں نہیں کہ دور حقیقت مسیں اختای حال کو پنچ گا۔

اب غییر بحسرانی دوڑ کی ایک مثال دیکھتے ہیں جو مشکل ۱۲.۱۱ میں دکھائی گئی ہے۔اسس مثال میں دکھائی گئی ہے۔اسس مثال میں دوروں سے $Y_1Y_0x = 000$ دوروں سے 101 میں نہیں۔ ایک عبوری حال 101 ہے جہاں ہے دوروں سے 101 میں میں معنے کے عبوری حال 101 ہے گزر کر آخنہ کار چوتھی صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچے گا۔ دوسرا عبوری حال 111 ہے جہاں ہے دور تیسری صف کے عبوری حال 101 ہے ہوگاہ تیسرا عبوری کے عبوری حال 101 ہے ہوگاہ تیسرا عبوری کے عبوری حال 101 ہے ہوگاہ تیسرا عبوری کے حال 101 ہے جہاں ہے دور آخنہ کار آخنہ کی صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچے گا۔ تیسرا عبوری حال 101 ہے جہاں ہے گزر کر دور آخنہ کی صف کے اختای مشتکام حال 101 پنچے گا۔

y_1y_0 x	0	1
00	00	10
01		(01)
11		11)
10		11

نبادله حسال	;
$00 \rightarrow 10 \rightarrow$	11
(<u> </u>)	

y_1y_0 x	0	1
00	00	10
01		(01)
11		01
10		11

تب دلہ حمیال
$$00 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 01$$
 (1)

شکل۱۱۱: کھیے رہے

اسس مشال مسیں اگر حپ تین مختلف ممکنات موجود ہیں تاہم اختتای مستحکم حسال سب کاایک ہے اہلے ذا سے خیر بحر**انی دو**ڑ ہوگی۔

مخصوص اور منف ردعبوری حسال سے گزر کر اختیای مستحکم حسال اختیار کرنے کو پچیرا ^{۱۳} لگانا کہتے ہیں۔ اسس کی مشال سشکل ۱۱.۳۱ مسیں دی گئی ہے۔ ان امشکال مسیں حسالت دوڑ نہسیں پائی حباتی چونکہ ایک وقت مسیں صرف ایک مینان حسال تسلم مینان حسال تاریخیز کی حن اطر دور کو مخصوص اور منف ردعبوری حسال سے گزر ناہوگا۔

سشکل - النے مسیں مستخام حسال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عسبوری حسال 10 کے بعد عسبوری حسال 11 سے گزر کر اختنا می مستخام حسال 01 پہنپ گیا۔ سشکل - ب مسیں مستخام حسال 00 سے آغناز کرتے ہوئے عسبوری حسال 10 کے راستے اختنا می مستخام حسال 11 اختیار کیا گیا۔

۳.۱.۱۱ توازن اورار تعب ^م

ایب دور جو پھیرے لگاتے ہوئے کی بھی اختای مستخلم حسال تک نے پنتی پائے غیر منتکم دور ۱۳ کہا تا ہے۔ شکل ۱۱، ۱۳ امسیں اسس کی مشال دکھائی گئی ہے جہاں ہیں دونی مداحنل 1 کرنے سے دور مستخلم حسال تک بنچ بغیب عبوری حسال سے عصبوری حسال منتقال ہوگا۔ ایسے ادوار بطور مرتعاثی ماسوائے جب انہیں ہونے دیاحباتا ماسوائے جب انہیں بطور مسر تعش استعال کرنامقصہ ہو۔

 Y_1Y_0 اور Y_1 کو ایک ساتھ ملاکر ہی پر غور کرتے ہیں۔ جبدول مسین بیسرونی مختارج Y_0 اور Y_1 کو ایک ساتھ ملاکر

cyclerr

unstable circuit

oscillator

ا.اا. محبزب

y_1y_0 x	0	1
00	00	01
01		11
11		01
10		01

شكل ۱۱: مسر تغث

ہیں۔ ونی مداحن بلند رہنے کی صورت مسیں ہم جدول کی دائیں قطار مسیں رہتے ہیں۔ کچھ تاخیہ کے بعد باز رق میں مصادات تک میں بہتر میں ہم جدول کی دائیں قطار مسیں رہتے ہیں۔ کچھ تاخیہ کو گا۔ لیکن حبدول مصادات تا ہے۔ ہم و گھتے ہیں کہ سے تحت x=1 کی قطار اور x=1 اور $y_1y_0=0$ کی صف مسیں حال x=1 کی تحت x=1 کی قطار اور x=1 اور بازری احتادات x=1 کی صف مسیں دور بادہ میں ایس میں میں ہیں۔ ہوں ہم ایس میں ہیں، جس مسیں دور زیادہ ویر نہیں نہر سکتا۔

چند کھوں کی تاخیبر کے بعد بازری امشارات تک اسس حیال کی خببر پہنچی ہے اور $y_1y_0=11$ ہوگا۔ کیکن x=1 کی قطار اور $y_1y_0=11$ کی صف میں حیال $y_1y_0=11$ ہوگا۔ بدری $y_1y_0=11$ کی صف میں حیال ہوگا۔ بول اسس امشارات بھی $y_1y_0=01$ ہوں گے کیے کہ وہاں سے دور حبلہ والیس حیال $y_1y_0=01$ ہوں گا۔ یوں اسس حیدول کے تحت چلتاہوا دور حیال $y_1y_0=11$ اور $y_1y_0=11$ کی آرتعا ہوگا۔

oscillate ra

		1:->					
			x_1x_0	مداحث			
f_1f_0	حال	00	01	11	10		
00	а	a	b	С	С		
01	b	а	$\bigcirc b$	С	d		
10	с	а	b	\bigcirc	\bigcirc		
11	d	d	b	С	d		

			x_1x_0	مدامنل	
f_1f_0	حال	00	01	11	10
00	а	a	b	С	С
01	b	а	$\bigcirc b$	С	d
11	с	а	b	\bigcirc	\bigcirc
10	d	d	b	С	d

(1)

شکل ۱۱.۱۵:حسال کے متغیب را<u>۔</u> کا تقب ر

۱۱.۲ حالت دوڑ سے پاک شنائی عسلامتوں کا تقسرر

حسالت دوڑ کی صورت اسس وقت پیدا ہو گی ہے جب ایک سے زیادہ محساری بیک وقت حسال تبدیل کرنے کی کوشش کریں۔ بحسرانی دوڑ کے صورت مسین ادوار مسین اردار مسین ارجائے اسس بھے مسین بحسرانی دوڑ کے حساتے پر غور کسیاحب کے گا۔ پر جیلنے کے تحت)ایک وقت پر غیسر معساصر دور کاصرف ایک مداحسل تبدیل ہوسکتا ہے، المبدذاب دست کریں۔ تبدیل ہوسکتا ہے، المبدذاب دست کریں۔

جن اددار مسین ایک وقت پر صرف ایک محسّاریّ حسال تب یل کرنے کی کوشش کرتا ہو، وہ حسالت دوڑ سے دو حسّار نہیں ہوتے۔امس حقیقت کو بروئے کارلاتے ہوئے حسالت دوڑ حسّتم کی حساتی ہے۔

عبوری حبدول کے حصول کے بعید اسس مسین درج حسال کوشن کی عبداستین تعسین کی حباتی ہیں۔ جن حسال کے ماہین عصبوری حبدول مسین تعسین کی حباتی ہیں۔ جن حسال کو ہممایی شنائی عبداستین مختص کرنے سے بحسر افی دوڑ سے پاک دور مساس موٹ ایک ہممایی اور 1010 ہممایی اور 1010 ہمسابی اور 1700 ہمسابی اور 1010 ہمسابی اور 1010 ہمسین صرف ایک ہمسابی طسرح 1010 اور 1010 ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہیں جب کے 1010 مسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمساب ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمسین ہمساب ہمساب ہمسابی ہمساب ہمسابی ہمس

اس ترکیب کوشکل ۱۱۰۵-امسیں دی مشال کی مدد ہے دیکھتے ہیں جس مسیں حیار صف ہیں۔ یوں دوبِ عالی کا متغیر f=0 ، f=0 ، حال f=0 ، حال کے لئے f=0 متغیر متخب کر کے دیکھتے ہیں f=0 ، اور حال f=0 ، اور حال f=0 دیکھتے ہیں f=0 کے لئے f=0 دیکھتے ہیں۔ کر کے دیکھتے ہیں۔ کی میں میں میں میں میں میں کے لئے ہیں۔ کر کے دیکھتے ہیں۔ کی میں کی میں کے لئے ہیں۔ کی میں کی میں کے لئے ہیں۔ کی میں کی کے لئے ہیں۔ کی میں کی کے لئے ہیں۔ کی کے لئے ہیں۔ کی کے کہ کے کہ کے کہ کے کے کہ کی کے کہ کے کے کہ کہ کے کہ کے ک

f ہوگر ہوکر ہے ہوگا، البنداحسال کا متغیر کا صونہ ہوکر ہے ہوگا، البنداحسال کا متغیر کا متغیر کا صونہ ہوکر وہ کا ہوگا۔ پوکلہ حسال کے متغیر کا صونہ ایک ہوئی ہوکر 00 سے 10 ہوگا۔ پوکلہ حسال کے متغیر کا صونہ ایک ہوئی۔

adjacent numbers"

		x_1x_0 مداحنل			
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	b	С	С
0010	b	а	$\bigcirc b$	С	d
0100	с	а	b	\bigcirc	\bigcirc
1000	d	\bigcirc d	b	С	$\bigcirc d$

شكل ١١.١١: حالت دوڑ سے پاک حال كے متغب رات كاتقب ر

گ۔اسس کے بر تکس، پہلی صف مسیں x کی قیمت 00 ہے 10 کرنے ہے حسال تبدیل ہو کہ a ہو گالہندا f کی قیمت a کی قیمت a کی وہند ہو کہ a کی وہند ہو کہ اللہ ہو کہ اللہ ہو کہ a کی وہند ہو کہ اللہ ہو کہ
کبھی کبھسار حپار صف عبوری حبدول مسین دوہِٹ حسال کامتنعیسریوں تقسیرر کرنا مسکن ہو گا کہ حسالت دوڑ پہیدا نہ ہو۔

a اور a اور a کے لیے بالت رتیب برل کر حیالت روڑ ہے بیجنے کی (ناکام) کو مشش کی گئی ہے۔ یہاں a ، اور a اور a اور a کے بالت رتیب کی صف میں a ، اور a اور a کے لیے بالت رتیب کی صف میں a ، اور a کی قیمت a کی تو مور توں صور توں میں a کا صرف ایک بیٹ تبدیل ہوگا، لہذا پہلی صف میں حیالت دوڑ پیدا نہیں ہوگا۔ البت a دونوں صور توں میں a کی قیمت a کی قیمت a کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی کیمت کی تیمت کی کیمت کی کی کیمت کی کیمت کی کیمت کی کی کی کی کیمت

مذکورہ ہالا دومثالوں سے ظاہر ہے کہ موجو دہ مسئلے مسیں دوبٹ حسال کا متغیبر مختص کرنے سے حسالت دوڑ سے نحبات حساس کرنا ممسکن نہیں۔ ایک صورت مسیں حسالت دوڑ سے پاک حسال کا متغیبر منتخب کرنے کے لئے ہم آلیک بلند پہلے۔ تقرری مسئل جس سے استعال کرتے ہیں، جس کا استعال نہیا ہے۔ آیئے ای مشال پر اسے استعال کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

سشکل ۱۹.۱۱ مسیں حسال کا متغیبر حیار ہٹ رکھا گیا ہے اور اسس مسین ایک وقت پر صرف ایک ہٹ بلند کے۔ یوں حسال ، 0100 ، 0000 ، اور 1000 مقسرر کے گئے۔ کے حسال کے متغیبر بالت مرتب 1000 ، 0000 ، اور 1000 مقسرر کے گئے۔

شکل ۱۱.۱۱ مسیں جدول کی پہلی صف مسیں مداخل کی قیمت 00 سے 01 کرنے سے دور حسال a سے حسال

_

one hot bit assignment 12

		x_1x_0 مداخنل			
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	-e	С	С
0010	b	а	b	С	d
0100	с	а	\(b \)	\bigcirc	\bigcirc
1000	d	d	\ b /	С	$\bigcirc d$
0011	e	_	b	_	_

سشکل ۱۷.۱۱:عبوری حسال سے حسالت دوڑ کا حسابت

b منتقال ہوتا ہے۔ یوں حال کا متغیر 0000 = 0000 ہوگاور اس میں دوہٹ کی تبدیلی حالت دوڑ پیدا کرے گی۔ اس سے بچنے کے لئے جبدول میں ایک نیاعہ وری حال a ، خامس کی حباتا ہے۔ حال کا متغیر یوں مقدر کیا کے اس عبوری حال کے گزرنالاز می بنایا جاتا ہے۔ عبوری حال a کے لئے حال کا متغیر یوں مقدر کیا حباتا ہے کہ ہے a اور خون کا بما ہے عدد ہو۔ ایسا عبد a کی قطار کے حال کا متغیر a کی مقدر کیا جاتا ہے ور جبدول کو تبدیل کر کے a کی قطار کے حال a کی مقدر کیا ہو کر شکل مقدر کیا تاہے ور جبدول کو تبدیل کو کا مقدر کیا تاہے ہیں اور حبدول کو تبدیل کو کی مقدر کیا تاہے۔ ایسا کرنے جبدول تبدیل ہو کر شکل اللہ کا انتخار کرتا ہے۔

اب پہلی صف مسیں مداحنل 00 ہے 01 کرنے ہے دور حسال a ہے عصبوری حسال e افتیار کرتے ہوئے آحن ر کار افتیای مستخلم حسال d پنچت ہے۔ اسس عمل کو تسیر دار لکسیر ہے ظاہر کمیا گیا ہے۔ اسس پورے عمل مسیں ہر وت میں مسیم برحسال کے متغیبر کاصرف ایک بہت بدیل ہوتا ہے لہذا حسالت دوڑ پیدا نہیں ہوگی۔ عصبوری حسال e کی صف مسیم باقی حن نے حنایار کھے گئے ہیں۔ ان مسیم سے کچھ حن نے زیر استعمال آئیں گے اور کچھ نہیں۔ استعمال مسیم سے آنے والے حن نے حنایار کھے حاتے ہیں اور ان حنانوں کی قیست غیر ضرور کور میں مورک والے حن نے حنایار کھے حاتے ہیں اور ان حنانوں کی قیست غیر ضرور کور میں میں گ

a اس کے بر تکس، پہلی صف میں مداخنل a ک منے a کرنے ہے شکل a ادرا میں حال a ہے حال a حالت دوڑ a حالت اوگا۔ حال کا متغیر a مناصل ہوگا۔ حالت ایسا کرنے ہے حالت دوڑ پیدا ہوگا، جس ہے ہم مذکورہ بالاطسریقے سے چیزکاراحیا صل کرتے ہیں۔

a سے حالت دوڑ ہے بیخے کے لئے جدول میں عبوری حال، f ، ثامل کیا حباتا ہے اور حال a سے عبوری حال a بیخی حباتا ہے۔ عبوری حال a کے لئے حال کا متغیر یوں مقدر کیا حباتا ہے کہ یہ a در 1010 ہے۔ یوں a کہ اور a دونوں کا بہا ہے عدد بود ایسا عبد در 1010 ہے۔ یوں a کے لئے حال کا متغیر a مقدر رکیا حباتا ہے اور حبدول کو تبدیل کر کے a کی قطار میں حال a کی صف a کو تبدیل کر کے a کو تعلیم کر کے کا کھا حباتا ہے۔ ایسا کر نے مشکل المار میں حال a کی صف a کو تعلیم کی صف میں حبال a کی صف میں حبال a کی صف میں حبال a کی صف میں حباتا ہے۔ ایسا کر نے مشکل المار کے مسلم کی معند میں حباتا ہے۔ ایسا کر نے مشکل المار کے مشکل المار کی مشکل المار کے مشکل کے مشکل المار کے مشکل المار کے مشکل
don't care'

		x_1x_0 مداحنل			
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	е	f	f
0010	b	а	$\bigcirc b$	С	d
0100	с	а	b	\bigcirc	\bigcirc
1000	d	\bigcirc d	b	С	$\bigcirc d$
0011	e	_	b	_	_
0101	f	_	-	С	С

شکل ۱۸ اا:عبوری حیال سے حیالت دوڑ کا حیاتہ

یجی طسریقہ کارتمام حنانوں کے لئے دہرایا حباتا ہے۔ ایسا کرنے سے مشکل ۱۹۰۱ حسامسل ہو گا۔ آپ سے گزار مش کی حباتی ہے کہ ب حب در دل خود حسامسل کریں۔ تسلی کرلیں کہ اسس حبدول مسین کمی بھی حسال سے دو سسرے حسال تک پہنچنے مسیں حسالت دوڑ پسیدانہیں ہوتی۔

۱۱.۳ عبوری حب دول کی مددسے پلٹ کا تحب زیہ

عبوری حبدول استعال کر کے سے اسس مھے مسیں پلٹ کا تحبنر یہ کسیا حبائے گا۔ چند مشالوں کے بعید حسہ ۱۳۰۱ مسین اسس طسریقے کارپروت مہانت دم غور کمیا حبائے گا۔

ا.۱۱.۳ ایس آریلٹ

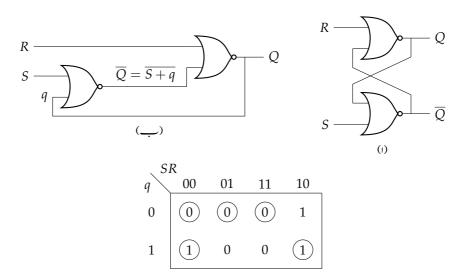
عبوری حبدول استعال کرے ایس آر پلٹ پر غور کرتے ہیں۔ شکل ۲۰۱۱–۱۰ میں ایس آر پلٹ اور شکل۔ب مسین ای کوبطور بازر سے دور پیش کیا گیاہے جہاں بازر سے اثارہ می اثارہ و کی پہپان آسان ہے۔ شکل۔ب سے درج ذیل حیاصل ہوگا۔

$$Q = \overline{R + \overline{S + q}}$$
$$= \overline{R}S + \overline{R}q$$

حسال کے متغیبر Q کو بطور بازر می امشارہ q استعال کیا گیا ہے۔ یوں حسال کا متغیبر Q ، اندرونی مداحن q جبکہ بیسرونی مداحن S اور R بیں۔ انہیں استعال کرتے ہوئے (درخ بالا مساوات کی مدد سے) مشکل حق میں پیش عبوری حبدول حساس کی گئی جہاں حبدول کے اندر Q کی قیمت درخ ہے۔ آئے اسس پلائے کا تحبیزیہ اسس کے عبوری حبدول کی مدد سے کریں۔ پلائے کاحبدول صداقت مندر حب ذیل ہے۔

		x_1x_0 مداحنل			
$f_3f_2f_1f_0$	حال	00	01	11	10
0001	а	a	₿, e	¢, f	¢, f
0010	b	ø, e	b	С	d
0100	c	ø, f	b , g	c	c
1000	d	d	₿,h	$\not c$, i	\bigcirc d
0011	e	а	b	_	_
0101	f	а	_	С	с
0110	8	_	b	С	_
1010	h	_	b	_	d
1100	i	_	_	С	_

شکل ۱۹.۱۱: حسال دوڑے مکسل پاک حسال کے متنب رات کا تقسر ر



شكل ۲۰ نازايس آريلي

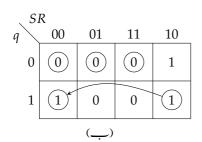
(5)

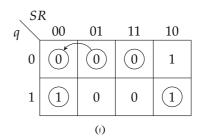
S	R	Q_{n+1}	\overline{Q}_{n+1}
0	0	Q_n	\overline{Q}_n
0	1	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0

حبدول سے ظاہر ہے کہ جُع متم گیٹ پر مسبنی ایس آر پلٹ استعال کرتے ہوئے دونوں مداحنل ہیکوقت بلند کرنے کا احبازت نہیں۔ دونوں مداحنل ہیکوقت بیت ہوں گی کا حبازت نہیں۔ دونوں مداحنل ہیکوقت بیت ہوں گی جبکہ ہر صورت ان کا آپ مسیں متضا در ہنا ضروری ہے۔ درج ذیل مساوات پر پورااتر نے سے مشرط پوری ہوگی۔ $S \cdot R = 0$

شکل ۱۱.۱۱ پر نظسرر کھ کر آگے پڑھسیں۔ عبوری جبدول کی SR = 01 قطب راور Q = 0 صف میں مستحکم حیال پایاحب تا ہے جہاں حیال کا متغیب بہت Q = 0 ہے۔ عبوری حبدول کے تحت SR = 00 کرنے سے حیال کا متغیب بہت رہے گا۔ الف میں تبیہ دوار لکسید اس عمل کو ظاہر کرتی ہے۔

ای طسرت R=10 کی صورت مسیں پلیٹ کابلٹ مستحکم حسال q=1 کی صف مسیں پایا جساتا ہے۔ عسبوری





شكل ٢١:١١:١١ اليس آريليك كااستعال

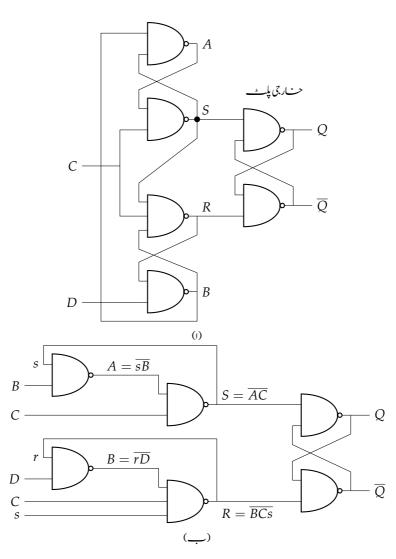
حبدول کے مطابق SR = 00 کرنے سے پلٹ بلند حسال مسین رہے گا،جو شکل - ب مسین تب روار لکت رہے و کسی کے مطابق دکھیا گیا ہے۔ یہ دونوں اعمال پلٹ کے بودلین حبدول سے بھی واضح ہیں۔

اب دیکھے ہیں SR = 11 سے آغناز کرتے ہوئے SR = 00 کرنے سے کیا صورت پیدا ہوتی ہے۔ یاد رہے ان ادادار کو بنیادی طراح کا رہے تحت پیایاحباتا ہے جہاں ایک سے زیادہ بسیرہ فی مداحسل تبدیل کرنے کی احبازت نہیں۔ بہسر حال بجسر مجل ویکھے ہیں کہ ایس کرنے سے کیا مسائل کھٹوے ہوتے ہیں۔ پوولین حبدول کے مطابق SR = 00 کرنے سے قبل Q اور \overline{Q} دونوں پست ہوں گے ناکہ آپ مسیں متضاد جبکہ کی بھی پلٹ کے لئے لازم ہے کہ اسس کے دونوں میں رہت ہو وقت متضاد حسال ہوں۔ ساتھ ہی ، عصبوری جبدول کے تحت اگر Z بہلے پست حسال افتیار کرلے تو افتیا می حسال Q ہوگاہ ہیں۔ ہوگاہ بہت ہوت افتیا می حسال Q ہوگاہ ہوگاہ نے الفتیا می حسال حبانت مسکن نہیں۔ دور کا یوں استعال غیسر یقینی صورت بیدا کرے گا۔

۱۱.۳.۲ ساعت کے کنارہ پر چلت اہواڈی پلٹ

سشکل ۲۲.۱۱ - امسیں ڈی پلٹ و کھایا گیا ہے جو ساعت کے کمنارہ پر چلتا ہے۔ ڈی پلٹ مسیں اندرونی بازری دور پایا حبات ہے جس کے اندرونی حسال کے متغیرات S اور ۲ ہیں ۲۹ سشکل - ب مسیں دئی پلٹ کوبازری احتارات S اور ۲ ہیں ۲۹ سشکل - ب مسیں دئی پلٹ کوبازری دور کے طسرز پر بنایا گیا ہے تاکہ بازری احتارات S اور ۲ کی پجیان آسان ہو۔

اس دور میں S اور R سال کے متغیرات، S اور ۲ بازری اشارات، جبکہ C اور R بیرونی مداخل



مشکل ۱۱.۲۲: ڈی پلٹ بطور بازرسی دور

ہیں۔ یوں درج ذیل لکھاحب سکتاہے۔

$$A = \overline{sB}$$

$$B = \overline{Dr}$$

$$S = \overline{AC} = \overline{A} + \overline{C} = \overline{sB} + \overline{C} = sB + \overline{C} = s(\overline{rD}) + \overline{C}$$

$$= s(\overline{r} + \overline{D}) + \overline{C}$$

$$R = \overline{BCs} = \overline{B} + \overline{C} + \overline{s} = \overline{\overline{Dr}} + \overline{C} + \overline{s}$$

$$= Dr + \overline{C} + \overline{s}$$

ان مساوات ہے حسامس کا اور R کے بودلین حبدول کو کارناف نقشہ حبات کے طسرز پر شکل ۱۱۔۳۳۔۱۱ور مشکل ۶۳CD میں کھتے مشکل مسل کیا گئے۔ مشکل حاصل کی معورت مسین لکھتے ہوئے اسس حبدول پر فور کرتے ہیں۔

اس کے بر عکس برقی طباقت مہیا کرنے کے لیجے اگر C=1 اور D=1 ہو تب عبوری حبدول کے مطبابق دور 1010 یا 1010 مستحکم حبال بین کر یہی رہے گا، جب کہ C=1 اور D=0 کی صورت مسین دور 1010 یا 1010 حبال مسین ہوگا۔

پ سے ساعت کی صورت مسین حسال کے متغیبر SR کی قیمت 11 رہتی ہے۔ عمبوری حبدول مسین CD = 00 اور CD = 01 کی دو قطباریں اسس حقیقت کو ظباہر کرتی ہیں جہباں تسام SR کی قیمت 11 ہے۔ ہم حب نے ہیں ایسن آڑپلٹ کے دونوں مداحنل بلند ہونے کی صورت مسین پلٹ اپنا حسال بر فسترار رکھتی ہے۔ یوں کشکل ۲۲۱، مسین حنارتی پلٹ اپنا حسال بر فسترار رکھی گی۔

پیت ساعت، C=0 ، اور پیت D کی صورت میں مستخلم حیال کا متغییر SR حیاس کرنے کی محتاط میں مستخلم حیال SR عال SR=1100 وقی رمیں دیکھتے ہیں جہاں ہمیں مستخلم حیال ملت ہے۔ جبدول کے اسس حنانے مسیں SR=11 کی SR=11 کی جب بردارے میں مستخلم حیال ملت ہے۔ جبدول کے اسس حنانے مسیں SR=11 کی جب بردارے کے گا۔

پیت ساعت اور بلند D کی صورت مسیں CD=01 کی قطار مسیں مستحکم حسال D پیاحباتا ہے

complete state

, C.	D							、 C	D			
sr	00	01	11	10				sr	00	01	11	10
00	1	1	0	0				00	1	1	1	1
01	1	1	0	0				01	1	1	1	1
11	1	1	0	1				11	1	1	1	0
10	1	1	1	1				10	1	1	0	0
	S =	$s(\overline{r} -$	$+\overline{D})$	$+\overline{C}$,	R =	= rD	$+\overline{C}$	$+\overline{s}$
	((<u> </u>)								(1)		
			sr	CD	00	01	11	10)			
			00) 1	11	11	x 01	$\begin{vmatrix} x & 0 \\ x & 0 \end{vmatrix}$	L			
			01	$\begin{bmatrix} 1 \\ u \end{bmatrix}$	11	v 11	-01	$q^{(0)}$				
			11	$a^{\left(\right)}$	11,	b 11	01 k	e 10)			
			10	p	11	j 11	i 10	m				
								/				

(ج) سشکل ۱۱۰:۴۶ پلیٹ کے عبوری حبد ول کا حصول اور استعال

جہاں R=11 ہے اور یوں حنارتی پلنے اپنا حسال بر متسرار رکھے گی۔ جبدول کے اسس حنانے مسیں b کھ کر اے احباگر کسیا گیا ہے۔

اسس پورے عمسل پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ ساعت کے کسنارہ حپڑھائی آتے ہی دور عمبوری حسال 1110 سے گزر کر مستقلم حسال 1010 اختیار کر تا ہیں۔ دونوں حسال مسیں 30 = 58 رہتاہے اور بیوں عمبوری حسال ہے گزرتے ہوئے کرنے ہوئے کرنے کہ جس پر کسی بھی عمبوری حسال ہے گزرتے وقت 58 کی قیمت وہی ہوگی جو اسس متدم کے اختامی حسال مسیس ہوگی۔ یوں ان کھاست پر لرزسش سے کسی قتم کی غیسریقشینی صورت پیسا ما گہریں کہ جس ہوگی۔ وہی ہوگی۔

1111 ای طسرح کمسل حسال SrCD = 1101 مسیں موجود دور ، ساعت کے کنارہ حپڑھ آئی پر ، عبوری حسال n میں موجود دور ، ساعت کے گزر کر مستحکم حسال n افتیار کرے گا۔ اسس صحم کو حنا خہ b کے داست حنانہ ہے گزر کر مستحکم حسال n افتیار کرے گا۔ اسس محم بلند بسیرونی مداختال D = 1 اور ساعت کے کنارہ حپڑھ آئی پر SR = 01 کی صورت مسیں ہونے والا عمسل ہے جس سے داختالی پلیٹ بلند ہو کر ڈی پلیٹ کا محنارج بلند Q = 1 کر تا ہے۔

ساعت کے کنارہ اترائی پر ہونے والے عمسل کو تب روار لکسیروں سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ انہ میں آپ خود سمجھ سکتے ہیں۔ ب ہیں۔ ب دونوں لکسیریں ب حقیقت واضح کرتی ہیں کہ ساعت کے کسنارہ اترائی پر عسبوری حسال اور انفتائی مستحکم حسال دونوں مسیں SR = 11 ہوگالہ ندا ہیںرونی پلٹ اپن حسال بر مترار رکھ گی اور یوں ساعت کے کسنارہ اترائی پر ڈی لیٹ کے حسال مسیس کی قتم کی تیب ہوگی۔

ایک آمنسری بات اسس پلٹ کے حوالے سے کرتے ہیں۔ شکل ۲۲.۱۱ مسین R پیدا کرنے والے ضرب متم گیٹ کو S جلور واحنلی اسٹارہ مہیا کیا گیا ہے، جس کی بدولت S اور R کی صورت بیکوقت پیت نہیں ہو سکتے یاد رہے کہ S اور S دونوں میکوقت پیت ہونے سے بیرونی پلٹ کے دونوں محنارج بلند ہو حبائیں گے جو کہ نامتانل و سبول صورت ہوگی۔ یوں عسبوری حبدول مسیں S اور S اور S کو کہ نامتانل و S کھ کر معنی نہیں رکھے۔ ان حنانوں کو S کھ کو احبار کیا گیا ہے۔

rising edge

۱۱٫۳۰۳ ایس آریانوں پر مسبنی غیبر معاصرادوار کانت دم بات دم تحسنری

مذ کورہ بالامث الوں مسین استعال کیے گئے طسریقہ کار کو یہاں بسیان کرتے ہیں۔ پلٹ کے اپنے بازری امث ارات کو نظسر انداز کرتے ہیں۔

- متسام پلٹوں کے محسارج کو Y_i کے ظبہر کریں جہساں Y_i کسیں۔ یوں Y_i کسیارج کو اسس محسارج کا Y_i استعمال کرتے ہوئے Y_i کسیں۔ یوں Y_i کسیارے کو اسس محسارج کا Y_i استعمال کرتے ہوئے Y_i کسیں۔ یوں Y_i کسیارے کو اسس محسارج کا گا۔ گلگ
 - یں۔ S_i اور S_i مداحنل کی مساوات حساصل کریں۔
- جج متم گیٹ پر مبنی ایس آر پلٹ کے لئے تسلی کر لیں کہ SR=0 ہے جبکہ ضرب متم گیٹ پر مبنی ایس آر پلٹ کے لئے $\overline{R}=0$ ہوناضر وری ہے۔ایس نے ہونے کی صورت میں پلٹ عناط نتائج دے سکتا ہے۔
 - اور R_i اور کی کرتمام پلٹ کے Y_i حاصل کریں۔
- بر Y_i کو کارناون نقشے کے طرز پر تکھیں۔ ان نقشوں کی بائیں حبانب قطار مسیں بازر تی اشارات y جب کہ نقشوں کے اُوپر صف مسیں بیسرونی مداحن x کھیں جب ان y سے مسراد $y_3y_2y_1y_0$. . . جب کہ x ہے مسراد x
- ان نقوں کو عبوری جبدول میں کیجبا کریں۔ ان نقوں کے حنانوں میں Y کھیں، جبال Y سے مسراد Y ہمیں Y ہمیں کیجبا کریں۔ ان نقوں کے حنانوں میں Y ہمیں ہمیں کیجبا کریں۔ ان نقوں کے حنانوں میں Y ہمیں ہمیں کیجبا کریں۔ ان نقوں کے مسراد
- وہ حنانے جن مسیں Y=y ہو، مستحکم حال ظاہر کرتے ہیں۔ انہیں دائرہ مسیں بند کریں۔ یول عبوری حبوری حب دول حساس اوگا۔

باب-۱۲ سوالات

سوال ۱۲.۱: درج ذیل اعث اری اعب داد کوشن افی روی مسیس کهیس ـ

ا. 33 . 33 ا 5.625 .i 4096 .

13.6875 .Z 256 . 64 .__ و. 0.375

سوال ۱۲.۲: درج ذیل شنائی اعب داد کواعث اری روپ مسیس لکھیں۔

10 . ت. 101101011 هـ 110101011 11001010011 . 11011 . ب. 101

. بواب: 2 ، 5 ، 13 ، 27 ، 363 ، 1619

سوال ۱۲.۳۰: درج ذیل شنائی اعبداد کواعث اری روی میں کھیں۔

J. 101100.0 100.001 . 10.1 . 1111.1111 . 1011.01101 . 101.01 . __

. 15.9375 ، 4.125 ، 11.40625 ، 0.203125 ، 5.25 ، 2.5 ؛

سوال ۱۲.۳: درج ذیل اعث اری اعب داد کواب سس سوله اور اس سس آ تھ مسین تب میل کریں۔

باب ۱۲ سوالات

جواب:اب سس سوله 7، 17، 20، 40، 400، 400؛ ال سس آٹھ 7، 27، 40، 100، 2000، 4000، 9000، 100، 40، 100، 40، 100، 100،

F0 .: A.BC .: 1A .2 7 ... FFFF .2 0.12 ... 2B3 ... 10 ...

$$101 + 1011$$
 . $1011 + 1101$. $110 + 101$. $101 + 1111$. $1101 + 1001$. $11 + 101$. $11 + 101$.

موازے کریں۔

جواب: شن کی 1011 ، 1000 ، 1000 ، 1010 ، 1010 ، 10000 ، 1010 ؛ اعشاری 11 ، 8 ، 24 ، 22 ، 16 ، 20 ، 20 ، 20 ، 20 موال سے اور خوال سے درج ذیل شن کی اعتداد کے سوالات حسل کریں۔ ان سوالات کو اعشاری روپ مسیس بھی حسل کریں۔ جوابات کا موازے کریں۔

جواب: شنگی 1 ، 10 ، 10 ، 10 ، 100 ، 100 - 100 - 10شاری 1 ، 2 ، 2 ، 4 ، 6 - ، 10 - 100 سوال ۱۲.۸: درج ذیل شنگی اعتداد کے سوالات حسل کریں۔ انہیں سوالات کو اعشاری روپ مسیں بھی حسل کریں۔ جوامات کاموازے کریں۔

$$101.011 - 10.11$$
 , $11.11 - 1.101$. $110 - 10.1$, $111.1 - 11.01$, $101 - 10.1$. $101 - 10.1$.

جواب: شن کی 11.1 ، 10.1 ، 10.001 ، 100.01 ، 10.101 ، 10.001 ، 100.01 ، 100.01 موالات: موالات کوشن کی روپ مسین تبدیل کرے حسل کریں۔

$$1024 - 63$$
 ... $121.2 - 94.3$... $64 + 32$... $2056 + 1024$... $36.09 + 22.24$... $256 - 128$...

جواب: 11000001000 ، 1111000001 ، 11010.010 ، 11010.010 ، 10000000 ، 11000000 ، 110000000 ، جواب : وربية ذيل اعتباري اعب اد كاتك له نواور تكم له دسس حساصل كرس

بواب: تكملات نو 3 ، 1 ، 80 ، 794 ، 795 ، 6839970 ؛ تكملات دسس 4 ، 2 ، 81 ، 795 ، 6839971 ، 595 ، 6839971 ؛ تكملات دسس 4 ، 2 ، 81 ، 795 ، 6839971 . 6839971 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 ، 795 ، 6839971 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 ، 795 ، 795 ، 795 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 ، 795 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 ، 795 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 . 81 ، 795 . واب : تكملات نو 3 ، 1 ، 795 . واب : 795 . و

جواب: کملات ایک 1000 ، 0110 ، 0100 ، 0100 ؛ کملات دو 0101 ، 0100 ، 0100 ؛ کملات دو 0101 ، 0110 ، 0100 ، 01010110

سوال ۱۲.۱۲: درج ذیل اعث اری سوالات کو تکمسله نو اور تکمسله دسس استعال کرتے ہوئے حسل کریں۔ سادہ طسریقے سے حساس ا حسامسل جوابات کے ساتھ مواز نے کریں۔

سوال ۱۲.۱۳: درج ذیل شنائی سوالات کو تکمیا ایک اور تکمیا دوسے حسال کریں۔ سادہ شنائی طسریقے سے حساس ل جو اہات کے ساتھ موازے کریں۔

$$101 - 1010$$
 ... $11.10 - 10.11$... $11 - 101$... $1101 - 1010$... $1101 - 1010$...

سوال ۱۲.۱۴: درج ذیل اعشاری سوالات کوشنائی روپ مسین تبدیل کر سے حسل کریں -جواب کو واپس اعشاری روپ مسین تبدیل کر کے اعشاری طسریقے ہے حساصل جواب کے ساتھ مواز نے کریں۔ ۲۵۰ باب ۱۲. سوالات

$$2048 \times 2048 \times 15 \times 3.625 \times 3 \times 9 \times 165.75 \times 11.625 \times 1024 \times 16 \times 31 \times 23 \times 1024 \times 16 \times 1000 $

سوال ۱۲.۱۵: درج ذیل بوولین مساوات کاحب دول ککھیں۔

$$(A+B)(AB+BC+\overline{C}A) . , \qquad XYZ+\overline{X}Y\overline{Z} . ,$$

$$A\overline{B}+\overline{A}B . , \qquad ABC+A\overline{B}C+\overline{A}BC$$

$$A(B+\overline{C}) . \varepsilon$$

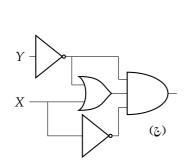
A	В	С	5	Α	В	С	—	X	Υ	Z	الف	_
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	0	
0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	
0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	جواب:
1	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0	
1	0	1	0	1	0	1	1	1	0	1	0	
1	1	0	1	1	1	0	0	1	1	0	0	
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	

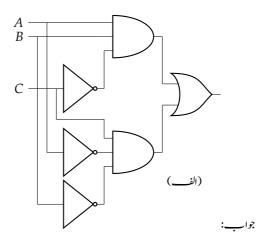
- سوال ۱۲.۱۲: تف عسل
$$\overline{AB+C\overline{D}}=(\overline{A}+\overline{B})(\overline{C}+D)$$
 متم ککھیں۔ تف عسل $\overline{AB+C\overline{D}}$ بے۔ درج ذیل کا متم ککھیں۔

$$X\overline{Y}Z + \overline{X}Y$$
. $X + YZ + XY$.
$$(A+B)(B+C)(C+A) = AB(C\overline{D} + \overline{C}D) = \overline{A}\overline{B} + A\overline{B}$$
.

$$(A+B)(\overline{A}+B)$$
 (ق)، $\overline{A}+\overline{B}+(\overline{C}+D)(C+\overline{D})$ (ب)، $\overline{X}(\overline{Y}+\overline{Z})(\overline{X}+\overline{Y})$ (۱): بوال ۱۰: درن و بل کے ادوار جع، خرب اور نفی گیٹوں کی مدد سے بن میں۔

$$ABC + \overline{A}B\overline{C} + AB\overline{C}$$
 . $\overline{X}\overline{Y}(X + \overline{Y})$. C $AB\overline{C} + \overline{A}\overline{B}C$. $AB + BC + CA$. $A + B(A + \overline{C})$. . .





سوال ۱۲.۱۸: ڈی مار گن کلیا ۔ کو بوولین حبدول سے ثابہ کریں۔

سوال ۱۲.۱۹: بوولین حبدول سے درج ذیل ثابت کریں۔

$$X + \overline{X}Y = X + Y$$
 . $X\overline{Y} + XY = X$.

جواب: درج ذیل حبدول کادایال اور بایال قطار ایک جیسے ہیں المہذاحبزو-اثابت ہوا۔

X	Υ	$X\overline{Y} + XY$
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	1

سوال ۱۲.۲۰: درن ذیل کو محب وعب ار کان ضرب کی شکل مسین تکھیں۔ حب دل لکھ کر در سستگی ثابت کریں۔

$$(A+B)(A+B+C)(C+B)$$
 .2 $(A+B)(C+D)$.3 $(A+B+C)(\overline{B}+\overline{C})$.3 $(A+B)(\overline{B}+C)(A+\overline{C})$.

 $A\overline{B} + A\overline{B}\overline{C} + AC + ABC$ (___), AC + AD + BC + BD ():____13.

سوال ۱۲.۲۱: (۱) بوولین ممی ثل استعمال کرتے ہوئے درج ذیل کو ضرب بعب از جمع کی شکل مسیں تکھیں۔ (ب) ان تف عسل کے حبدول لکھ کریمی جواب حساصل کریں۔ (ج) دیے گئے تف عسل اور حساصل جواب کے حبدول لکھ کر جواب کی در سنگی ثابت کریں۔ ۲۵۲ بوالات

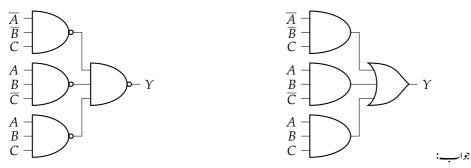
$$X\overline{Y}(\overline{Y}\overline{Z} + YZ)$$
 . C $XYZ + X\overline{Y} + \overline{X}\overline{Y}$. $XY + \overline{Z}X$. $XY + \overline{Z}X$. $XY + \overline{Z}X$.

$$(X + \overline{Y} + Z)(X + \overline{Y} + \overline{Z})(\overline{X} + \overline{Y} + Z)$$
 (1):

C=1 بویااگر C=1 بویااگر تناعب C=1 بویااگر ورتب C=1 بویااگر ورتب C=1 بویااگر ورتب C=1 بویااگر و برای معسلومات کاحبدول کورگر تغناعب کی ساده مساورت مجسوعت از کان خرب کے روپ مسین کریں۔

$$Y = \overline{A} \, \overline{B}C + AB\overline{C} + ABC :$$

سوال ۱۲.۲۳: (۱) گزشتہ سوال مسیں دیے تف عسل Y کا ضرجہ و جمع ادور بٹ ئیں۔(ب)اسس تف عسل کا ضرجہ متمم و ضرجہ متمم 'دور بٹ ئیں۔مداحسٰل کے متم د ستیاب ہیں۔

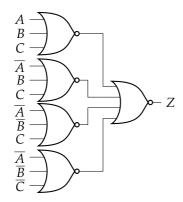


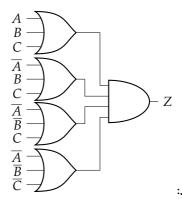
سوال ۱۲.۲۴: تغناصل Z کی قیمت درج ذیل صور توں مسین صف ر(0) ہے۔اگر B=0 ، A=0 ، اور C=0 ، اور

$$Z = (A+B+C)(\overline{A}+B+C)(\overline{A}+\overline{B}+C)(\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}) : \underline{\hspace{1cm}} :$$

سوال ۱۲.۲۵: (۱) گزشته سوال مسین دیے تف عسل Z کا جمع و ضرب دور بن کیں۔ (ب) اسس تف عسل کا تمج متم و جمع متم موجم متم م آدور بن کیں۔ مداحن کے متم دستیاب ہیں۔

> AND-OR' NAND-NAND' NOR-NOR''





سوال ۱۲.۲۹: حبدول مسین B ، B ، اور C تین آزاد داخنگی متغیرات جبکه F_1 ، F_0 , اور F_2 تائع حنار جی سخیرات بین F_1

A	В	С	F_0	F_1	F_2
0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	1	1

ا. تائع متغب رات مجب وعب ار کان ضرب روی میں لکھیں۔

$$F_1 = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \, \overline{C} + A B C \quad F_0 = \overline{A} \, \overline{B} C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \, \overline{C} \quad (1) \quad : F_2 = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + A \overline{B} \, \overline{C} +$$

$$F_0 = (A+B+C)(A+\overline{B}+\overline{C})(\overline{A}+B+\overline{C})(\overline{A}+\overline{B}+C)(\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}) (\mathfrak{z})$$

۲۵۴ باب ۱۲. سوالات

$$Y(A,B,C) = \sum (0,7)$$
 . $Z(A,B) = \sum (0,1)$. $Z(A,B,C,D) = \sum (0,2,5,12)$. $F(A,B,C) = \sum (1,3,7)$. $F(A,B,C) = \sum (0,5,7)$. \mathcal{E}

 $Z = \prod(1,3,4,6,7,8,9,10,11,13,14,15)$ (۵)، $F = \prod(1,2,3,4,6)$ (۵)، $Z = \prod(2,3)$ (۱): جواب ۱۲.۲۸: درج ذیل تف عسل خرب بعب از جمع روپ مسین بین انهسین مجمعوعت ارکان خرب روپ مسین محصین مسین محصین از جمع روپ مسین محصین م

 $Z = \sum (2,3,4,6,8,9,10,11,12,14)$ (3), $F = \sum (0,2)$ (1):

سوال ۱۲.۲۹: انٹ رنیٹ سے درج ذیل معلوماتی صفحات حساصل کریں۔ یہ محنلوط ادوار پاکستان کے ہر شہر مسیں نہایت سستے دام دستیاب ہیں۔

. 7404 ن 4000 هـ 7408 ن 7404 ن 4000 ا 4000 ا 4040 ن 4040 ا 4040

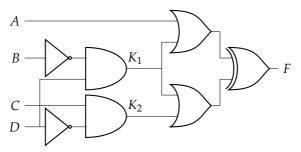
سوال ۱۲.۳۰: گزشتہ سوال مسیں 7400 محنلوط دور کے معملومات صفحات سے دریافت کریں اسس مسیں موجود حیار گیٹول کے محنارج کن پنول پر دستیاب ہیں۔

جواب: پنيه 3 ، 6 ، 8 ،اور 11

سوال ۱۲.۳۱: انٹ رنیٹ سے تین مداحسل ضرب گیٹ اور حپار مداحسٰل جمع گیٹ کے محسلوط ادوار دریافت کریں۔

سوال ۱۲.۳۲: 1.4 كارنان نقية مسين

سوال ۱۲.۳۳: سشکل مسین حیار مداحنل دور دیا گیاہے۔



ا. اندرونی متغیرات K_1 اور K_2 کی بوولین مساوات حساصل کریں۔

.. منارجی تابع متغییر F کی بوولین مساوات حساصل کریں۔

ج. ایک بوولین جدول بن میں جس مسیں حیار آزاد متغیرات $C \cdot B \cdot A$ ، اور $D \cdot D \cdot C \cdot B \cdot A$ کی تمام ممکن ترتیب درج ہو۔ اسس جدول مسیں $K_2 \cdot K_3 \cdot K_4$ ، اور $K_3 \cdot K_4$ کر کری۔

$$F = (A + K_1) \oplus (K_1 + K_2) \qquad (\underline{\hspace{1em}}) \qquad : K_2 = C\overline{D} \qquad K_1 = \overline{B}D \qquad (1) \qquad :\underline{\hspace{1em}} F = (A + \overline{B}D) \oplus (\overline{B}D + C\overline{D})$$

سوال ۱۲.۳۴: ایسابودلین حبدول بن کیں جس مسیں تین مداحنل اور ایک محنارج ہو۔ حبدول یوں پُر کریں کہ محنارج کی قیمت صرف ایک مصورت ایک مداحنل کی قیمت صف (0) ہو۔ اسس حبدول کی مددے محنارج کار کمیسبی دور تفکیل دیں۔

جواب:

A	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

$$F = \prod (0, 1, 2, 4, 7) \cdot F = \sum (3, 5, 6)$$

سوال ۱۲٬۳۵: حپار مداحسٰل کا ایسا بوولین حبدول بنائیں جس مسیں محسٰارج صرف اُسس صورت بلند ہوجب داخسنی عبد د کی قیمت اعشاری نو (9) ہے کم ہو قنساعسل کا ترکسیجی دور تشکیل دیں۔

$$F = \sum (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8) :$$

سوال ۱۲٬۳۶: تین مداحنل اور تین محنارج کا ایب بوولین حبدول تشکیل دیں جس مسیں داحنلی شنائی عبد دکی قیست سات (7) سے کم ہونے کی صورت مسیں محنارج کی قیمت مداحنل سے ایک زیادہ ہوجب کہ داحنلی قیمت سات کے برابر ہونے کی صورت مسیں محنارج کی قیمت صفسر (000) ہو۔

جواب:

باب ١٢. سوالات

A	В	С	X	Υ	Z
0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0

سوال ۱۲.۳۷: افلین دور ^۱ایسے ترکسیبی دور کو کہتے ہیں جس کامداحن اسس صور سے بلند ہو تا ہے جب اسس کے زیادہ تر مداحن لی<u>ں۔</u> ہوں۔ تین مداحن اقلیتی دور کاحب دول لکھ کر دور تفکسیل دیں۔

بواب:

A	В	С	F
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

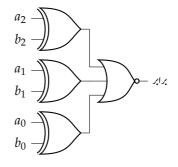
سوال ۱۲٬۳۸۱: ایک ترکیبی دور تشکیل دیں جواعث اری ہندے کا اس سس نوحت ارج کرے۔ اسس دور کے حیار مداحث ل اور حیار محت ارج ہوں گے۔

minority circuit

A	В	С	D	W	X	Υ	Z
0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	0	1	1	0	0	0
0	0	1	0	0	1	1	1
0	0	1	1	0	1	1	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0	1	0
1	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	d	d	d	d
1	0	1	1	d	d	d	d
1	1	0	0	d	d	d	d
1	1	0	1	d	d	d	d
1	1	1	0	d	d	d	d
1	1	1	1	d	d	d	d

سوال ۱۲.۳۹: تین بیٹ کے دواعب داد کامواز نے کرنے والا ایسا تر کسیبی دور تفکیل دیں جسس کامختارج اسس صور سے بلٹ م ہوج ہے دونوں اعب داد کی قیمتیں بر ابر ہوں۔

جواب:

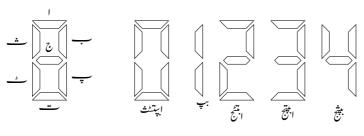


سوال ۲۰٬۳۰۰: حیار برا کے دوشنائی اعبداد ضرب کرنے والاتر کسیبی دور تشکیل دیں۔

سوال ۱۲.۴۱: جمع متم گیٹ استعال کرتے ہوئے شناخت کار تشکیل دیں۔

سوال ۱۲.۴۲: ایک عدد 8 × 3 شناخت کار کی مدد سے درج ذیل تین تف علات کا دور شکل ۲۰.۵ کے طرزیر

۲۵۸ پاپ۲۱. سوالات



شكل! ١٢: سات كلي نمسائثي تختي

تشكسيل ديں۔

$$F_0(X,Y,Z) = \sum (0,3,7)$$

$$F_1(X,Y,Z) = \sum (1,2,5)$$

$$F_2(X,Y,Z) = \sum (0,1,2,3,5,7)$$

 $F(A,B,C,D) = \sum_{i=1}^{n} (0,1,4,7,13,15)$ وال ۱۲٬۳۳۳ در چنون النسان مسل کوی مدد سے مسل کویں۔

سوال ۱۲.۴۴ دودا^{خل}ی منتخب کار کی مدد سے مکسل جمع کار تشکیل دیں۔

سوال ۱۲٬۲۵: شکل ۱۱٬۲۵ سیس (بائیں حبانب) اعثاری ہند سوں کی ساتے کلی نمائشی تختی ۵ و کھائی گئی ہے جو سات وتابل روشن صوں پر مسبنی ہے۔ ان صوں مسیں ہے کی ایک یا ایک ہے زیادہ صوں کو بیک وقت روشن کہا جب سات ہیں۔ مشاأ صحب اور پر (یعنی ب) بیک وقت روشن کرنے ہے اعشاری ہندے کلے حباتے ہیں۔ مشاأ صحب اور پر (یعنی اپپتش) بیک وقت روشن کرنے ہے 1 کلے حبائے گا۔ ای طرح حصہ ا، ب، پ، ت، ئ، اور ث (یعنی اپپتش) بیک وقت روشن کرنے ہے گئے اسس حصہ کو بلند کہا جب تا اور شان کرنے کے لئے اسس حصہ کو بلند کہا جب تا ہے۔ ایک ہے۔

حپار مداحنل اور ساسے محنارج کاتر کسیبی دور تفکسیل دیں جو مہیا کر دہ اعشاری ہندے کو اسس مختی پر دکھائے (حبدول سے سشروع کریں)۔ اعشاری ہندسہ شنائی عسلامتی روپ مسین مہیا کسیا حبائے گا۔ مختلوط دور 4511 بھی کام سرانحبام دیتا ہے۔

جواب:

seven segment display ⁵

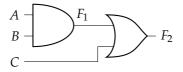
$\overline{d_3}$	d_2	d_1	d_0	<u>ئ</u>	ث			<u></u>	<u> </u>	1
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	1	0	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
0	1	0	1	1	1	0	1	1	0	1
0	1	1	0	1	1	1	1	1	0	1
0	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	d	d	d	d	d	d	d
1	0	1	1	d	d	d	d	d	d	d
1	1	0	0	d	d	d	d	d	d	d
1	1	0	1	d	d	d	d	d	d	d
1	1	1	0	d	d	d	d	d	d	d
1	1	1	1	d	d	d	d	d	d	d

سوال ۱۲٬۳۷۱: انسٹرنیٹ ہے سات کلی نمسائش مختی کے معسلوماتی صفحات حساسل کریں۔ یہ سات نوری ڈایوڈ پر مشتل ہوگا۔ بعض ادوار مسین بتسام نوری ڈایوڈ کے مثبت سرپر 1 مسیان جوڈ کر مطسلوب نوری ڈایوڈ کے مثبت سرپر کا مہیا کر کے روسٹن کسیاحیاتا ہے اور بعض مسین بتسام کے مثبت سر آلپس مسین جوڈ کر مطسلوب نوری ڈایوڈ کا منفی سر یہ سے کرکے اے روسٹن کمیاحیاتا ہے۔

 \overline{Q}_{n+1} کارت کریں جے کے پلٹ کے مختارج \overline{Q}_{n+1} کی مساوات درج ذیل ہے۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{J}\overline{Q} + KQ$$

موال ۱۲.۴۸: سشکل مسین ضرب گین کا دورانی در عمسل 10 نسینو سیکنڈ جب بیج گین کا 15 نسینو سیکنڈ جب بیج گین کا 15 نسینو سیکنڈ ہے۔ تین دیر بعب محضارج آجوں مداحسل ہیک وقت تبدیل کیے حباتے ہیں۔ کتنی دیر بعب محضارج آجوں محمد محضارج کے مستحکم حسال مسین ہوں گیج ؟



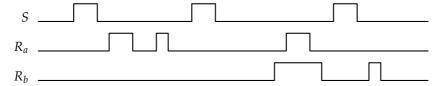
بوان: 25 ns ، 10 ns

سوال ۱۲.۳۹: ایک کمپیوٹر 2 GHz سائٹ میں اسٹارے سے چلتا ہے۔ یہ اسٹارہ تیسس فی صدوقت بلندرہتا ہے۔ بہت اسٹارہ تیسس فی صدوقت بلندرہتا ہے جبکہ اسس کا دورانیہ ارائی پانچ فی صداور دورانیہ حب ٹرھ ان پانچ فی صدوقت لیتے ہیں۔ ساعت اسٹارے کا دوری عصر صدرہ دورانیہ حب مسل کریں۔

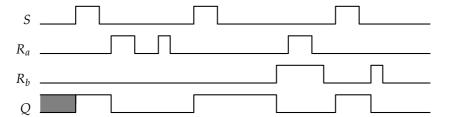
۲۲۰ باب ۱۲ سوالات

 $3 \times 10^{-10} \,\mathrm{s} \cdot 2.5 \times 10^{-11} \,\mathrm{s} \cdot 5 \times 10^{-10} \,\mathrm{s} :$

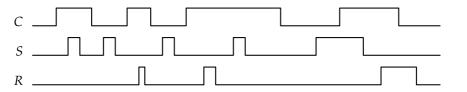
سوال ۱۲.۵۰: جمع متم گین پر مسبنی متعدد (بلند فعال) مداحنل ایسس آر پلی کے مداحنل ترسیم کیے گئے ہیں۔ اسس کامحنارج ترسیم کریں۔



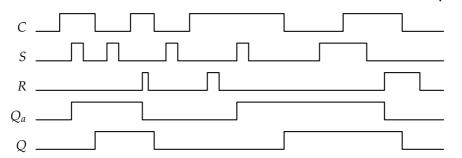
جواب:



سوال ۱۲.۵۱: آت او عندام پلیٹ کے مداحن ترسیم کیے گئے ہیں۔ آت محنارج Q_a اور عندام محنارج Q ترسیم کریں۔



بواب:



سوال ۱۲.۵۲: سشکل ۲۴.۲ مسیں سلمہ وار شنائی جمع کار پیش ہے۔اے استعال کرتے ہوئے 10110011₂ اور 00110011₂ ور 00110011₂ صدم بات م جمع کریں۔ ہر صدم پر تسام مصاما<u>ت پر متخب رات دریانت</u> کریں۔ موال ۱۲.۵۳: ایک ترشیبی دور جس کے مداحنل x اور y جبکہ محنارج z ہے مسین دوڈی پلنے، A اور B مستعمل ہیں۔ دور کی مساوات درج ذیل ہیں۔ یادرہے ہم A(t+1) کواگلات ال جبکہ A(t) کو موجودہ حسال یابازری احضارہ تصور کر سکتے ہیں۔

$$A(t+1) = \overline{x}y + xA(t)$$

$$B(t+1) = \overline{x}B(t) + xA(t)$$

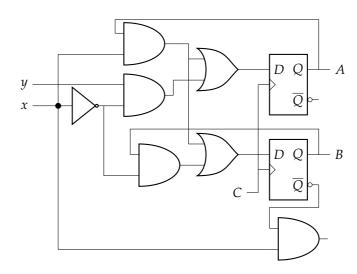
$$z(t) = x\overline{B}(t)$$

ا. ترتیبی دور بن میں۔

ب. ان ماوات سے حال کاجبدول حاصل کریں۔

حال کے حبدول سے حال کاحن کہ حاصل کریں۔

جواب:



	X=	= 1	x=0		
AB	y = 1	y = 0	y = 1	y = 0	
00	00	00	10	00	
01	00	00	11	01	
10	11	11	10	00	
11	11	11	11	01	

باب ١٢. سوالات

سوال ۱۲٬۵۴: مداخل χ اور دوجے کے پائے، A اور B ، پر مبنی ترتیبی دور درج ذیل مساوات پر پورااتر تاہے۔

$$J_A = \overline{B}$$

$$K_A = x$$

$$J_B = A$$

$$K_B = x$$

ا. ان سے حال کی مساوات A(t+1) اور B(t+1) حاصل کریں۔

ب ان ماوات سے حال کاحن کہ بن ائیں۔

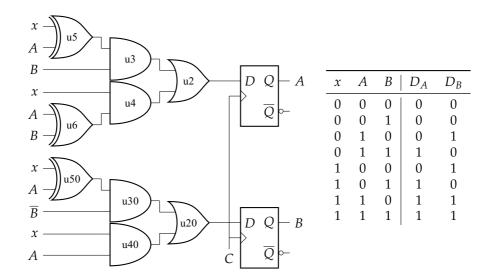
جواب:

$$A(t+1) = \overline{B} \overline{A} + \overline{x}A$$
$$B(t+1) = A\overline{B} + xB$$

موجوده حسال	اگلا حسال		
AB	x = 1	x = 0	
00	10	10	
01	00	01	
10	01	11	
11	00	11	

سوال ۱۲.۵۵: ووڈی پلٹ، A اور B ،استعمال کر کے مداحنل X کار تیبی دور تحنایق دیں جوبالت رتیب A ، D

جواب:



سوال ۱۲.۵۲: گزشته سوال مسین مداحن و کاافساف کریں۔ بلند و کی صورت مسین دور جوں کا توں چلتا ہو جب کہ پیت و کی کی پیت و کی صورت مسین دورایپ احسال برفت رار کھتا ہو۔

جواب: ساعت C کوخرب گیٹ سے گزاریں۔ ضرب گیٹ کادوسسر امدا^{حن}ل e ہوگا۔

موال ۱۲.۵۷: پھلے موال مسیں مداحنل کی تعداد مسیں مسزید اضاف کرتے ہوئے مداحنل 8 کااضاف کریں۔ مداحنل 8 بلند کرنے سے دور کو حسال 00 افتیار کرلینا حیاہے جبکہ پست 8 کی صورت مسیں دور کو پہلے کی طسرح کام کرنا حیاہے۔

جواب: دونول ڈی پلٹ کے بلن دفعال "زبر دستی پیت "مدا^{حن}ل کو S صنراہم کریں۔

سوال ۱۲.۵۸: حپار بٹ سلساہ وار دائیں منتقبل و فت رمسیں ابت دائی شنائی مواد 1011 موجود ہے۔ و فت رکا محنارج ای و فت رکو بطور مداحنل مہاکسیا حباتا ہے۔ سات ساعت کے کسنارے گزرنے کے بعب د فت رمسیں کسیاعی دوگا؟ ہوگا؟

جواب: 0111

سوال ۱۲.۵۹: گزشته سوال مسین دائین منتقت ل دفت رئے بحبئے بائین منتقت دفت راستعال کرتے ہوئے جواب معلوم کریں۔

جواب: 1101

سوال ۱۲.۱۰: گزشته دوسوالات مسین ساعت کے ہر کنارے پر دفت رمسین شنائی عب د معسلوم کریں۔

سوال ۱۲.۱۱: آٹھ بٹ سلمہ وار دائیں منتقتل دفت رکا محتارج حیار بٹ سلمہ وار دائیں منتقتل دفت رکو بطور مداحت ل مسال ۱۲.۱۱: آٹھ بٹ وفت رکو بطور مداحت ل معتارج میں ابت دائی مواد 10110110 پایا حیاتا ہے اور اے 1010 (کمت رہٹ ے

۲۲۲، سوالات

آغناز کر کے) فنسراہم کیا حباتا ہے۔ ساعت کے حپار کنارے گزرنے کے بعیدان دفستر مسیں کسیااعہ دادپائے حبائیں گے؟

جواب: 0110 ، 10101010

سوال ۱۲.۲۲: گزشته سوال مسین بائین منتقبل د فت راستهال کرتے ہوئے جواب حساصل کریں۔ حپار بِٹ مداحشل کا بلت د تربٹ پہلے فنسراہم کسیاحباتا ہے۔

جواب: 1011 ، 01101010

سوال ۱۲.۷۳: آٹھ بنے کے دوعب دوعب اسٹیر انتقال د فت راستعال کرتے ہوئے سولہ بنے کاعب السٹیر انتقال د فت ر حیاصل کریں۔

سوال ۱۲.۲۳: سشکل ۷.۷ مسیں سلمہ وارشنائی جمع کار و کھایا گیا ہے۔ آٹھ بٹ دفتر۔امسیں 11001010 اور آٹھ بٹ دفتر-ب مسیں 1100001 پایاحباتا ہے۔ تصور کریں ساعت کے آٹھ کسنارے گزرتے ہیں۔ساعت کاہر کسنارہ گزرتے ہیں۔ساعت کاہر کسنارہ گزرتے ہیں۔ساعت کاہر کسنارہ گزرتے کے بعد دفتر۔امسیں کیامواد موجود ہوگا؟

سوال ۱۲.۱۵: سلسلہ وار شنائی جمع کار سے سلسلہ وار شنائی منفی کار حسامسل کریں۔ منفی کر دہ عسد د کا تکمسلہ و فستسر-ب مسین متوازی لکھنا بھی د کھیائیں۔

سوال ۲۲.۲۱: حیار بیٹ معیاصر سیدھیا گئت کار کی موجودہ گئتی 20101 ہے۔ ساعت کے کتنے کناروں بعید در 00000 ہوگا؟

سوال ۱۲.۱۷: سولہ بٹ معاصر گنت کار کی موجو دہ گسنتی 3FA7₁₆ ہے۔ ساعت کے کتنے کسنارے گزرنے کے بعد 0000₁₆ ہوگا(ا) تصور کریں ہے۔ ساخت کارہے۔

سوال ۱۲.۷۸: حپار بٹ شنائی لہسریا گنت کار استعمال کر کے شنائی مسرموز اعشاری گنت کار بنایا حبا سکتا ہے۔ لپس اشنا کرنا ہو گا کہ 1010 پر پہنچ کر گشنتی فوراُز بر دستی 20000 کی حبائے، جو ایک ضرب متمم گیٹ استعمال کرنے سے ممسکن ہے۔ زبر دستی پیست صلاحیت رکھنے والے پلٹ استعمال کرتے ہوئے دور تحسٰلیق دیں۔

سوال ۱۲.۲۹: وی پلٹ استعال کرتے ہوئے حپار بٹ معاصر شن انی گئت کار تشکیل دیں۔

سوال ۱۲.۷۰: جے کے پلٹ استعال کر کے ایسام ساس گنت کار تشکیل دیں جو 0 ، 2 ، 3 ، اور 7 کا گر دان کرے۔

سوال ۱۲.۱۱: ٹی پلٹ استعال کرتے ہوئے ایسا حیار بٹ شن کی معتصر گنت کار تفکیل دیں جو صف ر (0000) سے چودہ (1111₂) تک جفت گسنتی کر بعد ایک اور (0001) تک جفت گسنتی کرے اور است ترتیب کو دہر اتارہے۔

سوال ۱۲.۷۳: سوال ۱۲.۷۳: ایسا حیاریٹ چھالاگنت کار تخلیق دیں جوبلندیٹ کو $Q_1 = Q_0$ رخ گھاتا ہو۔

شکل 11.8 مسیں دورانیہ پیدا کار دکھایا گیا ہے جہاں ساعت کا تعدد 10 MHz ہے اور در کار دورانیہ 500 ns

سوال ۱۲.۷۴: کارناف فقش استعال کرے مساوات ۸.۳حسامسل کریں۔

سوال ۱۲.۷۵: ج کے پلٹ استعال کرتے ہوئے مساوات ۳.۸ کی متبادل مساوات کساہو گی؟

سوال ۲۲.۲۱: مختلف جسامت کے حسانظوں مسیں بت بیٹ کی اعشاری تعداد (۱) 4 ، (ب) 16 ، (ج) 32 ، اور (د) 12 ، اور (د) 12 ، اور (د) 12 کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی افظان مسین الفاظ و خسیرہ کرنے کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی الفاظ و خسیرہ کرنے کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی الفاظ و خسیرہ کرنے کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی الفاظ و خسیرہ کرنے کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی الفاظ و خسیرہ کرنے کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی الفاظ و خسیرہ کرنے کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی کا مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی کا مقتام کتے ہوں کے دی کہ مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی کا مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی کا مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی کے مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی کا مقتام کتے ہوں گئے ، اور دی کتے کہ کتے کہ کتے ہوں گئے کہ کتے کہ ک

سوال ۱۲.۷: حافظ کی جسامت عصوماً $N \times D$ کسی اور پکاری حباتی ہے ، جباں N حافظ میں الفاظ کی تعداد اور D ایک لفظ میں بٹوں کی تعداد ہور (د) 0×0.000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، اور (د) 0.0000 ، 0.00000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.0000 ، 0.00000 ، 0.00000 ، 0.00000 ، 0.00000 ، 0.00000 ، 0.00000 ، 0.00000 ، 0.0

سوال ۱۲.۷۸: کسی حسافظہ کے 50293₁₀ پت پر 172₁₀ مواد لکھا ہے۔اسس تک رسائی کے لئے سولہ پت بٹ کمپاہوں گے اور اسس معتام سے کمپ آٹھ موادیڑھ ساحبائے گا؟

سوال ۱۲.28: حپارعد و \times \times \times حسافظ اور ایک عسد و \times \times شناخت کار کی مدد سے \times \times \times حسافظ حساس کریں۔

سوال ۱۲.۸۱: حپاریت اور آٹھ مواد بنے حسافظہ استعال کر کے نوکا پہاڑا حساسل کرنا ہے۔ حسافظہ کوشنائی مسرموز اعشاری روپ مسیں 0 تا 9 اعشاری عسد دبطوریت فنسراہم کسیاحباۓ گا۔ حسافظہ نے موادیت کی مسرموز اعشاری روپ مسیں پیشس کرنا ہے۔ مشالاً ا، گراہے دو (00102) فنسراہم کسیاحباۓ تو سے اٹھارہ شائی مسرموز اعشاری کرے۔ (ا) حسافظہ مسیں کھیا مواد حبدول کی شکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھیا مواد حبدول کی شکل مسیں کھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھیا مواد حبدول کی شکل مسیں تھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھیا مواد عبدول کی شکل مسیں تھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھیا مواد حبدول کی شکل مسیں تھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھیا مواد حبدول کی شکل مسیں تھیں۔ (ب) حسافظہ مسیں کھیا مواد حبدول کی شکل مسیں تھیں۔ (ب) حسافظہ میں کھیا مواد حبدول کی شکل مسیں تھیل ہوں گے؟

سوال ۱۲.۸۲: حپاربٹ شنائی عدد مسیں 1 کی تعداد حبانت مقصود ہے۔ اسس کام کے لئے 4×16 حسافظہ استعمال کی حب اتا ہے۔ حسافظہ کوشنائی عدد مسیں 1 کی تعداد بطور مواد حضارح کرنا ہے۔ یوں اگر 1011 مضراہم کیا حبائے تو 20110 وصول ہوگا۔ حسافظہ مسیں لکھا گیا مواد حدد بطور مواد حضارح کرنا ہے۔ یوں اگر 1011 مضراہم کیا حب کے تو 20110 وصول ہوگا۔ حسافظہ مسیں لکھیا۔

سوال ۱۲.۸۳: انٹرنیٹ سے (۱) 2708 ، (ب) 2732 ، (خ) 2764 ، (د) 6116 ، اور (و) 6116 ، اور (و) 62256 در ان ۱۲.۸۳: اور دورانی رسائی حسانقلوں کے مسلوماتی صفحات سے مسلوماتی صفحات درسائی کی صلاحیت کے لئے دستیاب ہیں۔)

جوابات