## برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

# عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/( a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا <b>ر</b> قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	(```	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								مليه وا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•				او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								مليه وا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•	)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (	حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	رواز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(	تعمار	والمع	د با	$\dot{c}$	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی	) برق گیراو	6
ر من برین میں ہے۔ برق گیر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر اور امالہ گیر کے خصوصات		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعاد دادامانه پر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۶ میں اور در میں میں ہوتات کی ہوتات کی اور در میں اور در میں اور در میں اور در میں میں اور تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

عـــنوان V

295																													(	.1		£	. [	μ	۶		7	2 1				
321																																								7.3		
328																																								7.4		
320	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	١١.	ن اد و	زود ( ۱۰	,	/ . <del> 1</del>		
359																																					ق ر و	ت برا	مالر	برقراره		8
359																																					عد اد	مخلوط ا	•	8.1		
364																																								8.2		
373																																								8.3		
381																																								8.4		
386	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	تعا	٠.	٠,		٠,	٠, .		٠	•		•	٠ . د	; " "	-	دور ی	,	8.5		
386	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	U	(	ی	Ů	ور	ي د	<i>ا</i> اد	ء ا س	<u>'</u> _,	ابير	برن	ور	يرا	اله	ت،ا،	نزاحمه •	•			
396																																								8.6		
409																																								8.7		
419																																								8.8		
424	•																									•						•			. •	يب	ا تراک	تجزياني	7	8.9	)	
																																							=			_
443																																								برقرار		9
443																																								9.1		
446 453	•														•											•				٠		:				. •	ماقت	وسطه	1	9.2		
																																								9.3		
463																																								9.4		
472																																					قت	جزوطا	•	9.5		
476																																					ماقت	مخلوطه	•	9.6	)	
484																																								9.7	,	
489																																								9.8		
491																																								9.9	)	
492																																								9.10		
497																																			- 1					0.11		
49/	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	<i>/</i>	) مداه	تفا د		9.11		
499																																					4	د ن	7	مقناطيسح	. 1	Λ
499																																										U
517	•	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	•	•	∻	•	· 	•	^	یہ امالہ سنا	مستر ا مندسر		10.1		
523	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	J	ارم	إكسفا	کا حل تر	í	10.3		
547																																						٠٠	. /	تين د ور	. 1	1
.,																																										. 1
547																																		•			_	-				
553																																										
561																																										
566																																					وجھ	نكونى!	•	11.4		
571																																										
580																																		کی	ر څ	کی	قت	جزوطا		11.6		

يدوي درد عمل معلى المعلق ا	
بال بال بال بال بال بال بالم بال بال بال بال بال	l
مفراور قطب	
12 سائن نماتعددی تجوبیه	3
. 12.3.1 بوۋاخطوط	
، 12 كتى اووار	1
	5
417 مىل	12
پلاس برل 	
13 تَعْمُل يَكَانُ	) )
. 13 سال مي جوڻو يال	
. 13 خواص البدل	
13.5.1 جزوی کسری مجیلاو	
. 13 كمل الجعادِ	5
. 13. مئله ابتدائی قیت اور مئلد افتقای قیت ". 13 مئله ابتدائی قیت اور مئلد افتقای قیت	, 7
10.	
وار كاحل بذريعه لا پلاس بدل	14
. 14. ادوار کا طلّ	l
. 14. پرزوں کے مساوی لا پلای ادوار	
. 14 تجرياتي تراكيب	
. 14 تبادتی تفاعل جاُل	

### باب14

## اد وار كاحل بذريعه لا پلاس بدل

#### 14.1 ادوار كاحل

لا پلاس بدل کا استعال دیکھنے کی خاطر شکل 14.1 میں RL دور کو حل کرتے ہوئے i(t) دریافت کرتے ہیں۔دور کی کرخوف مساوات لکھتے ہیں۔

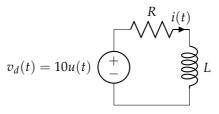
$$v_d(t) = i(t)R + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

اس دور کے فطری حل اور جبری حل کا مجموعہ در کار حل ہو گا۔لاپلاس بدل سے دور حل کرتے ہوئے مکمل حل ایک ہی بار میں حاصل ہوتا ہے۔درج بالا مساوات کے دونوں اطراف کا لاپلاس بدل لیتے ہیں۔

$$\mathcal{L}\left[10u(t)\right] = R\mathcal{L}[i(t)] + L\mathcal{L}\left[\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}\right]$$

صفحه 680 پر جدول 13.1 اور صفحه 684 پر جدول 13.2 کی مدد کیتے ہیں۔

$$\frac{10}{s} = R\mathbf{I}(s) + L[s\mathbf{I}(s) - i(0)]$$



شكل 14.1: سلسله وار RL دوريه

چونکه i(0)=0 مے للذا

$$\frac{10}{s} = RI(s) + sLI(s)$$

لعيني

$$I(s) = \frac{10}{s(sL+R)}$$

يا

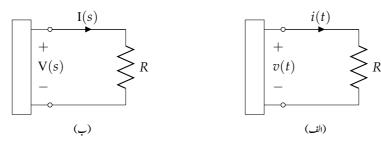
$$I(s) = \frac{10}{R} \left( \frac{1}{s} - \frac{1}{s + \frac{R}{L}} \right)$$

حاصل ہوتا ہے جہاں جزوی کسری پھیلاو لکھی گئی ہے۔درج بالاسے وقتی تفاعل لکھتے ہیں۔

$$i(t) = \frac{10}{R} \left( 1 - e^{-\frac{R}{L}t} \right) u(t)$$

آپ نے دیکھا کہ مکمل حل یک وقت حاصل ہوتا ہے۔ دور کی ابتدائی معلومات لاپلاس بدل لیتے وقت استعمال کی جاتی ہے۔

حییا آپ نے دیکھا، لاپلاس بدل سے تفرقی و تکملی مساوات الجبرائی مساوات میں تبدیل ہو جاتی ہے جس سے در کار تفاعل کا لاپلاس بدل نہایت آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔حاصل تفاعل کا الٹ لاپلاس بدل وقتی تفاعل دیتا ہے۔الٹ لاپلاس بدل جدول کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے۔



شكل 14.2 : وقتي اور مخلوط تعدد ي دائر ه كار مين مز احمت كااظهار ـ

#### 14.2 پرزوں کے مساوی لایلاسی ادوار

برقی پرزوں کی خصوصیات سے ان کے مساوی لاپلاسی ادوار حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ تمام پرزوں کے دباو بالمقابل رو تعلق ککھتے ہوئے انفعالی رائج سمت استعال کئے گئے ہیں۔ مزاحمت کے دیاواور رو کا تعلق

$$(14.1) v(t) = Ri(t)$$

ہے۔ دونوں اطراف کا لا پلاس بدل لیتے ہوئے اس تعلق کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(14.2) V(s) = RI(s)$$

شکل 14.2 میں مزاحت کے دباو بالقابل کا تعلق وقتی دائرہ کار اور مخلوط تعددی دائرہ کار میں دکھائے گئے ہیں۔

برق گیر کے تعلقات

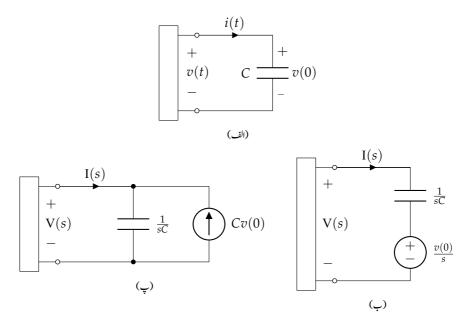
(14.3) 
$$v(t) = \frac{1}{C} \int_0^t i(t) dt + v(0)$$

$$i(t) = C \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t}$$

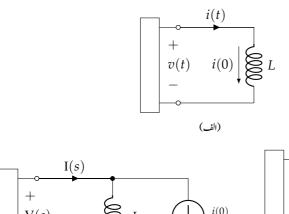
ہیں۔ دونوں اطراف کا لاپلاس بدل لیتے ہوئے مخلوط تعددی دائرہ کار میں تعلقات حاصل ہوتے ہیں جنہیں شکل 14.3 میں د کھایا گیا ہے۔ ابتدائی معومات سے پیدا منبع رو کی ست اور منبع دباو کے قطب پر غور کریں۔ ابتدائی رو کی سمت الٹ کرنے یا ابتدائی دباو کے قطب الٹ کرنے سے پیدا منبع رو کی سمت اور منبع دباوکے قطب الٹ ہوں گے۔

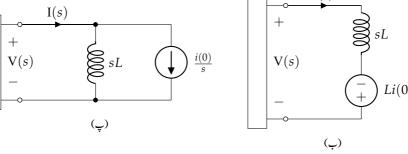
(14.5) 
$$V(s) = \frac{I(s)}{sC} + \frac{v(0)}{s}$$

(14.6) 
$$I(s) = sCV(s) - Cv(0)$$



شكل 14.3: وقتي اور مخلوط تعددي دائره كار ميں برق گير كااظهار۔





شكل 14.4 : وقتى اور مخلوط تعددي دائره كاريين اماله گير كااظهار ـ

امالہ گیر کے تعلقات

$$v(t) = L \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

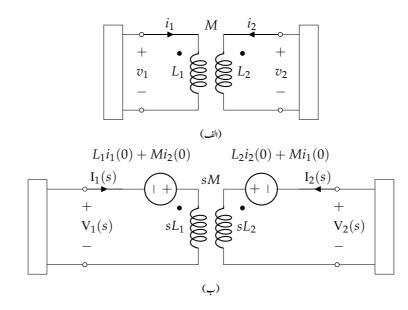
(14.8) 
$$i(t) = \frac{1}{L} \int_0^t v(t) dt + i(0)$$

ہیں جن سے

$$(14.9) V(s) = sLI(s) - Li(0)$$

(14.10) 
$$I(s) = \frac{V(s)}{sL} + \frac{i(0)}{s}$$

حاصل ہوتے ہیں۔انہیں شکل 14.4 میں د کھایا گیا ہے۔ یہاں بھی ابتدائی معلومات سے پیدا منبع کا دارومدار ابتدائی روکی سمت اور ابتدائی دباوکے قطب پر ہے۔



شكل 14.5: مشتر كه اماله كالايلاسي بدل\_

شکل 14.5 میں و کھائے گئے مربوط کیھوں کے تعلق درج ذیل ہیں۔

(14.11) 
$$v_1(t) = L_1 \frac{di_1(t)}{dt} + M \frac{di_2(t)}{dt}$$

(14.12) 
$$v_2(t) = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{i_1(t)}{dt}$$

یمی مساوات s دائرہ کار میں درج ذبل لکھے جائیں گے۔

(14.13) 
$$V_1(s) = sL_1I_1(s) - L_1i_1(0) + sMI_2(s) - Mi_2(0)$$

(14.14) 
$$V_2(s) = sL_2I_2(s) - L_2i_2(0) + sMI_1(s) - Mi_1(0)$$

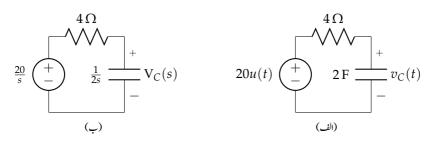
تابع اور غیر تابع منبع د باو اور منبع رو کو بھی s دائرہ کار میں ظاہر کیا جا سکتا ہے

$$(14.15) V_1(s) = \mathcal{L}[v_1(t)]$$

(14.16) 
$$I_2(s) = \mathcal{L}[i_2(t)]$$

اور اگر  $v_1(t) = A_r i_2(t)$  ہو جہاں  $v_1(t) = A_r i_2(t)$  افٹرائش مزاحمت نما ہے تب $V_1(s) = A_r I_2(s)$ 

14.3 تحبنياتي تراكيب.



شكل 14.6:مثال 14.1 كادور

لکھا جا سکتا ہے۔

### 14.3 تجزياتي تراكيب

درج بالا جھے میں ہم نے برقی پرزوں کے s دائرہ کار میں مساوی ادوار حاصل کئے۔انہیں استعال کرتے ہوئے ادوار حل کئے جا سکتے ہیں۔ایبا کرنے کی خاطر درج ذیل کرنا ہو گا۔

- ابتدائی حالت جانے کے لئے کے لئے t < 0 کے لئے دور حل کریں۔اگر t < 0 میں دور برقرار حالت میں ہوتب برق گیر کو کھلے سر اور امالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے ابتدائی رواور ابتدائی د باو حاصل کئے جا سکتے ہیں۔
- ابتدائی معلومات شامل کرتے ہوئے تمام پرزوں کی جگہ ان کے مساوی مخلوط تعددی دائرہ کار کے ادوار نسب کریں۔
  - کسی بھی ترکیب کو استعال کرتے ہوئے دور کو حل کریں۔جوابات s وائرہ کار میں ہول گے۔
    - الث لا پلاس بدل ليتے ہوئے وقتی دائرہ کار میں جوابات حاصل کریں۔

مثال 14.1: لا یلاس بدل کی مدد سے شکل 14.6-الف میں  $v_{C}(t)$  حاصل کریں۔

حل: ابتدائی دباو  $v_C(0)=0$  ہے۔ تمام پرزوں کی جگہ s دائرہ کار کے مساوی دور پر کرتے ہوئے شکل-ب عاصل ہوتا ہے۔ شکل-ب میں تقسیم دباو کے کلیے سے برق گیر کا دباو کھتے ہیں۔

$$egin{align} V_C(s) &= \left(rac{rac{1}{2s}}{4+rac{1}{2s}}
ight)rac{20}{s} \ &= 20\left(rac{1}{s}-rac{1}{s+rac{1}{8}}
ight) \ &\quad - ext{dist} \ v_C(t) &= 20\left(1-e^{-rac{t}{8}}
ight) u(t) \ \end{array}$$

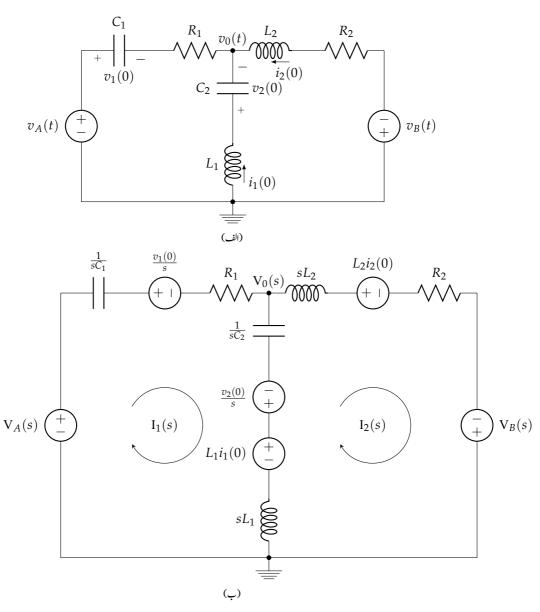
مثال 14.2: شکل 14.7 کے دائری مساوات اور مساوات جوڑ لکھیں۔

حل: لا پلاس بدل شکل 14.7-ب میں و کھایا گیاہے جہاں سے کرخوف دائری مساوات لکھتے ہیں۔

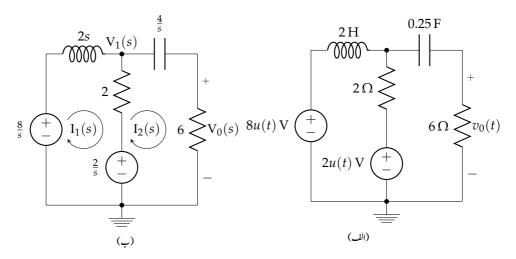
$$\begin{split} \mathbf{I}_{1}(s) \left[ \frac{1}{sC_{1}} + R_{1} + \frac{1}{sC_{2}} + sL_{1} \right] - \mathbf{I}_{2}(s) \left[ \frac{1}{sC_{2}} + sL_{1} \right] &= \mathbf{V}_{A}(s) - \frac{v_{1}(0)}{s} + \frac{v_{2}(0)}{s} - L_{1}i_{1}(0) \\ - \mathbf{I}_{1}(s) \left[ sL_{1} + \frac{1}{sC_{2}} \right] + \mathbf{I}_{2}(s) \left[ sL_{1} + \frac{1}{sC_{2}} + sL_{2} + R_{2} \right] &= \mathbf{V}_{B}(s) + L_{1}i_{1}(0) - \frac{v_{2}(0)}{s} - L_{2}i_{2}(0) \end{split}$$

$$\frac{\mathbf{V}_0(s) - \mathbf{V}_A(s) + \frac{v_1(0)}{s}}{R_1 + \frac{1}{sC_1}} + \frac{\mathbf{V}_0(s) + \frac{v_2(0)}{s} - L_1i_1(0)}{\frac{1}{sC_2} + sL_1} + \frac{\mathbf{V}_0(s) - L_2i_2(0) + \mathbf{V}_B(s)}{sL_2 + R_2} = 0$$

.14.3 تحبنا ياتى تراكيب



شكل 14.7 مثال 14.2 كادور



شكل 14.8:مثال 14.3 كادور

مثال 14.3: شکل 14.8-الف میں دور دیا گیا ہے۔اس کو ہم دائری ترکیب، ترکیب جوڑ، مسکلہ نفاذ، تبادلہ منبع اور مسکلہ تھونن کی مدد سے حل کرتے ہیں۔

 $V_0(s)$  کو حاصل کرتے ہوئے  $V_0(s)$  کو حاصل کرتے ہوئے  $V_0(s)$  کو حاصل کرتے ہوئے کے ۔ میں وکھایا گیا ہے۔ ہم جوڑ کھے ہیں

$$\frac{V_1(s) - \frac{8}{s}}{2s} + \frac{V_1(s) - \frac{2}{s}}{2} + \frac{V_1(s)}{6 + \frac{4}{s}} = 0$$

بس سے

$$V_1(s)\left(\frac{1}{2s} + \frac{1}{2} + \frac{1}{6 + \frac{4}{s}}\right) = \frac{4}{s^2} + \frac{1}{s}$$

لعيني

$$V_1(s) = \frac{2(s+4)(3s+2)}{s(4s^2+5s+2)}$$

.14.3 تحبنرياتي تراكيب

ماصل ہوتا ہے۔ تقسیم دباو کے کلیے سے  $V_0(s)$  کھتے ہیں۔

$$\begin{split} V_0(s) &= \left(\frac{6}{6+\frac{4}{s}}\right) V_1(s) \\ &= \left(\frac{6s}{6s+4}\right) \left[\frac{2(s+4)(3s+2)}{s(4s^2+5s+2)}\right] \\ &= \frac{6(s+4)}{4s^2+5s+2} \end{split}$$

اس د باو کا جزوی کسری کھیلاو لکھتے ہوئے وقتی تفاعل حاصل کرنا ہو گا۔ میں یہاں گزارش کروں گا ہوں کہ آپ صفحہ 599 پر مثال 12.3 کو ضرور دیکھیں۔

$$\begin{split} V_0(s) &= \frac{6(s+4)}{4(s^2 + \frac{5}{4}s + \frac{1}{2})} \\ &= \frac{6(s+4)}{4(s + \frac{5}{8} + j\frac{\sqrt{7}}{8})(s + \frac{5}{8} - j\frac{\sqrt{7}}{8})} \\ &= \frac{K}{s + \frac{5}{8} + j\frac{\sqrt{7}}{8}} + \frac{K^*}{s + \frac{5}{8} - j\frac{\sqrt{7}}{8}} \end{split}$$

متقل K اور \*K حاصل کرتے ہیں۔

$$K = \frac{6(s+4)}{4(s+\frac{5}{8}-j\frac{\sqrt{7}}{8})} \bigg|_{s=-\frac{5}{8}-j\frac{\sqrt{7}}{8}}$$

$$= \frac{3}{4}+j\frac{81}{4\sqrt{7}}$$

$$K^* = \frac{6(s+4)}{4(s+\frac{5}{8}+j\frac{\sqrt{7}}{8})} \bigg|_{s=-\frac{5}{8}+j\frac{\sqrt{7}}{8}}$$

$$= \frac{3}{4}-j\frac{81}{4\sqrt{7}}$$

یوں درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$V_0(s) = \frac{\frac{3}{4} + j\frac{81}{4\sqrt{7}}}{s + \frac{5}{8} + j\frac{\sqrt{7}}{8}} + \frac{\frac{3}{4} - j\frac{81}{4\sqrt{7}}}{s + \frac{5}{8} - j\frac{\sqrt{7}}{8}}$$

الك لا پلاس بدل ليتے ہيں۔

$$\begin{split} v_0(t) &= \left(\frac{3}{4} + j\frac{81}{4\sqrt{7}}\right) e^{-(\frac{5}{8} + j\frac{\sqrt{7}}{8})t} + \left(\frac{3}{4} - j\frac{81}{4\sqrt{7}}\right) e^{-(\frac{5}{8} - j\frac{\sqrt{7}}{8})t} \\ &= e^{-\frac{5}{8}t} \left[\frac{3}{4} \left(e^{-j\frac{\sqrt{7}}{8}t} + e^{j\frac{\sqrt{7}}{8}t}\right) + j\frac{81}{4\sqrt{7}} \left(e^{-j\frac{\sqrt{7}}{8}t} - e^{j\frac{\sqrt{7}}{8}t}\right)\right] \\ &= \frac{1}{4}e^{-\frac{5}{8}t} \left[6\cos\left(\frac{\sqrt{7}t}{8}\right) + \frac{162}{\sqrt{7}}\sin\left(\frac{\sqrt{7}t}{8}\right)\right] V \end{split}$$

آئیں یمی جواب دائری ترکیب سے حاصل کریں۔دائری مساوات لکھتے ہیں۔

$$\begin{split} &I_1(s)\left(2s+2\right)-2I_2(s)=\frac{8}{s}-\frac{2}{s}\\ &-2I_1(s)+I_2(s)\left(2+\frac{4}{s}+6\right)=\frac{2}{s} \end{split}$$

ان ہمزاد مساوات کا حل درج ذیل ہے

$$I_1(s) = \frac{13s + 6}{4s^3 + 5s^2 + 2s}$$
$$I_2(s) = \frac{s + 4}{4s^2 + 5s + 2}$$

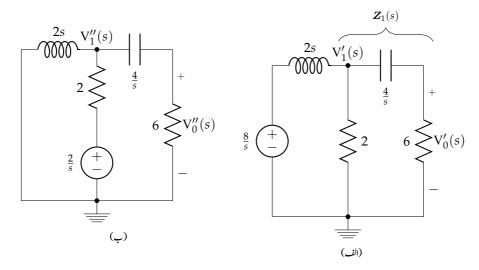
جس سے خارجی دباو حاصل ہوتا ہے۔

$$V_0(s) = 6I_2(s) = \frac{6(s+4)}{4s^2 + 5s + 2}$$

مسکہ نفاذ سے اب اسی دور کو حل کرتے ہیں۔شکل 14.9 میں باری باری ایک ایک منبع کو لا گو کیا گیا ہے۔شکل 14.9-الف کو دیکھ کر  $Z_1(s)$  کیھتے ہیں۔

$$Z_1(s) = \frac{2(6 + \frac{4}{s})}{2 + 6 + \frac{4}{s}} = \frac{3s + 2}{2s + 1}$$

14.3 تحبنه ياتى تراكيب



شکل 14.9: مسئلہ نفاذہ حل کرتے ہوئے باری باری ایک ایک منبع کو نافذ کیا گیاہے

یوں تقسیم دباو کے کلیے سے  $V_1'(s)$  کھا جا سکتا ہے۔

$$V_1'(s) = \left(\frac{Z_1(s)}{2s + Z_1(s)}\right) \frac{8}{s}$$

$$= \left(\frac{\frac{3s+2}{2s+1}}{2s + \frac{3s+2}{2s+1}}\right) \frac{8}{s}$$

$$= \frac{\frac{8}{s}(3s+2)}{4s^2 + 5s + 2}$$

تقسیم دباو کے کلیے کو دوبارہ استعال کرتے ہوئے  $V_1''(s)$  سے  $V_0''(s)$  کھتے ہیں۔

$$V'_0(s) = \left(\frac{6}{6 + \frac{4}{s}}\right) V'_1(s)$$

$$= \left(\frac{3s}{3s + 2}\right) \frac{\frac{8}{s}(3s + 2)}{4s^2 + 5s + 2}$$

$$= \frac{24}{4s^2 + 5s + 2}$$

اب شکل 14.9- ب سے دوسرے منبع سے پیدا  $V_0''(s)$  حاصل کرتے ہیں۔ یہاں 2s اور  $(6+\frac{4}{s})$  متوازی جڑے ہیں جن کے مساوی کو  $Z_2(s)$  کہہ کر حاصل کرتے ہیں۔

$$Z_2(s) = \frac{2s(6 + \frac{4}{s})}{2s + 6 + \frac{4}{s}}$$
$$= \frac{2s(3s + 2)}{s^2 + 3s + 2}$$

یوں تقسیم دباو کے کلیے سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_{1}''(s) &= \left(\frac{\mathbf{Z}_{2}(s)}{2 + \mathbf{Z}_{2}(s)}\right) \frac{2}{s} \\ &= \left(\frac{\frac{2s(3s+2)}{s^{2}+3s+2}}{2 + \frac{2s(3s+2)}{s^{2}+3s+2}}\right) \frac{2}{s} \\ &= \frac{2(3s+2)}{4s^{2} + 5s + 2} \end{aligned}$$

اور ایک مرتبه دوباره تقسیم د باو سے

$$V_0''(s) = \left(\frac{6}{6 + \frac{4}{s}}\right) V_1''(s)$$

$$= \left(\frac{3s}{3s + 2}\right) \frac{2(3s + 2)}{4s^2 + 5s + 2}$$

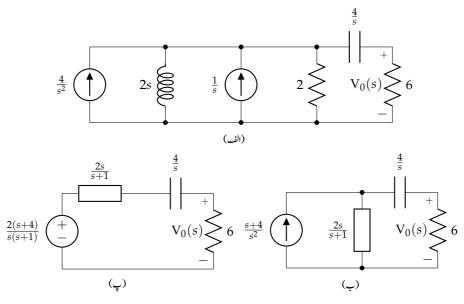
$$= \frac{6s}{4s^2 + 5s + 2}$$

 $V_0(s) = V_0'(s) + V_0''(s)$  ہو گا۔  $V_0'(s) = V_0'(s) + V_0''(s)$  ہو گا۔

$$\begin{split} V_0(s) &= \frac{24}{4s^2 + 5s + 2} + \frac{6s}{4s^2 + 5s + 2} \\ &= \frac{6(s+4)}{4s^2 + 5s + 2} \end{split}$$

-14.10 آئیں اب شکل 14.8-الف کو تبادلہ منبع سے حل کریں۔دونوں منبع دباد کے مساوی منبع رونسب کرتے ہوئے شکل 14.10 الف ماتا ہے جہاں منبع دباد  $\frac{8}{s}$  اور اس کے سلسلہ واد  $\frac{2}{s}$  کو منبع رو  $\frac{8}{s^2}$  جس کے متوازی  $\frac{8}{s}$  جس کے متوازی  $\frac{8}{s}$  جس کے متوازی  $\frac{8}{s}$  جس کے متوازی میں

14.3 تحبنرياتي تراكيب



شکل14.10 نتیج د باو کی جگه منبع رونسب کیا گیاہے۔

تبدیل کیا گیا ہے۔ ای طرح منبع دباو  $\frac{2}{8}$  اور سلسلہ وار 2 کو منبغ رو  $\frac{1}{8}=\frac{2/s}{2}$  میں تبدیل کیا گیا ہے جس کے متوازی 2 نسب ہے۔

 $\frac{2}{s^2}$  متوازی جرات منبع کے متوازی کے متوازی کے متوازی کے متوازی کے متوازی 2 متوازی 2 الف میں متوازی جرات منبع کے متوازی 2 الف میں متوازی 2 مل کر متواجع و کے متوازی 2 مل کر متوبع و کے متوازی 2 متوبع کے متوبع

 $(\frac{s+4}{s^2})(\frac{2s}{s+1})=\frac{s+4}{s^2}$  اور متوازی رکاوٹ  $\frac{2s}{s+1}$  کو سلسلہ وار جڑے منبع دباو  $\frac{s+4}{s^2}$  اور رکاوٹ  $\frac{2s}{s+1}$  میں تبدیل کرتے ہوئے شکل۔پ حاصل ہوتی ہے جس سے تقسیم دباو کے کلیے سے  $(\frac{2s+4}{s(s+1)})$  کھتے ہیں۔

$$\begin{split} V_0(s) &= \left(\frac{6}{\frac{2s}{s+1} + \frac{4}{s} + 6}\right) \frac{2(s+4)}{s(s+1)} \\ &= \frac{6(s+4)}{4s^2 + 5s + 2} \end{split}$$

مسکلہ تھونن سے حل کرنے کی خاطر شکل 14.8-الف میں سلسلہ وار جڑے 6 \Omega 10.25 F کو بوجھ تصور کرتے ہوئے بقایا دور کا تھونن رکاوٹ شکل-ب سے حاصل کرتے ہیں۔تھونن دباو شکل 14.11-الف اور تھونن رکاوٹ شکل-ب سے حاصل کی جائے گی۔شکل-الف سے درج ذیل لکھتے

$$I(s) = \frac{\frac{8}{s} - \frac{2}{s}}{2s + 2} = \frac{3}{s(s+1)}$$

ہوئے تھونن د باو حاصل کی جاسکتی ہے۔

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_{\dot{v}\dot{s}} &= \frac{2}{s} + 2\mathbf{I}(s) \\ &= \frac{2}{s} + \frac{6}{s(s+1)} \\ &= \frac{2(s+4)}{s+1} \end{aligned}$$

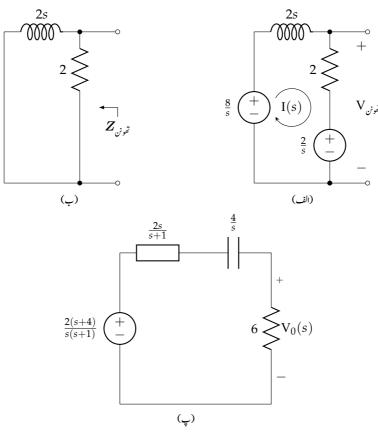
شکل-ب سے تھونن ر کاوٹ حاصل کرتے ہیں۔

$$Z_{\vec{v}_{\vec{v}}} = \frac{(2)(2s)}{2+2s}$$
$$= \frac{2s}{s+1}$$

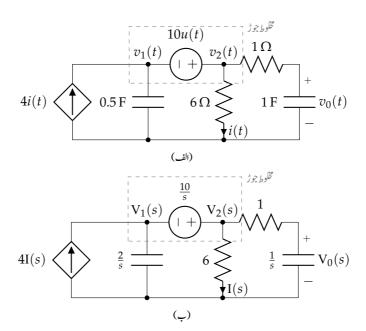
تھونن د باو اور تھونن رکاوٹ استعال کرتے ہوئے تھونن دور حاصل ہوتا ہے جس کے ساتھ بوجھ جوڑتے ہوئے شکل  $V_0(s)$  حاصل ہو گا۔ 14.11-پ حاصل ہوتی ہے جہاں سے تقتیم د باو کے کلیے سے  $V_0(s)$  حاصل ہو گا۔

$$\begin{split} V_0(s) &= \left(\frac{6}{\frac{2s}{s+1} + \frac{4}{s} + 6}\right) \frac{2(s+4)}{s(s+1)} \\ &= \frac{6(s+4)}{4s^2 + 5s + 2} \end{split}$$

.14.3 تحسنه ياتى تراكيب



شكل 14.11: مثال 14.3 كے دور كا تھونن سے حل۔



شكل 14.12: مثال 14.4 كادور

مثق 14.1: شکل 14.8-الف کو مسکله نارٹن سے حل کریں۔

مثال 14.4: شكل 14.12-الف ميں  $v_0(t)$  وريافت كريں۔

حل: اگر  $v_2(t)$  معلوم کیا جائے تو  $v_0(t)$  کو تقسیم دباو کے کلیے سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ اس دور میں مخلوط جوڑ پایا جاتا ہے لہٰذا مساوات جوڑ کی تعداد کم ہو گی۔ شکل-ب میں لاپلاس بدل دکھایا گیا ہے جس سے کرخوف مساوات جوڑ کھتے ہیں بین

$$\frac{V_2(s)}{6} + \frac{V_2(s)}{1 + \frac{1}{s}} + \frac{V_2(s) - \frac{10}{s}}{\frac{2}{s}} - 4I(s) = 0$$

14.3 تحبنه ياتي تراكيب

جہاں

$$I(s) = \frac{V_2(s)}{6}$$

ہے للذا

$$\frac{V_2(s)}{6} + \frac{V_2(s)}{1 + \frac{1}{s}} + \frac{V_2(s) - \frac{10}{s}}{\frac{2}{s}} - \frac{4V_2(s)}{6} = 0$$

لعيني

$$\frac{V_2(s)}{6} + \frac{sV_2(s)}{s+1} + \frac{sV_2(s) - 10}{2} - \frac{2V_2(s)}{3} = 0$$

یا

$$V_2(s) = \frac{10(s+1)}{s^2 + 2s - 1}$$

حاصل ہوتا ہے۔ تقسیم دباو کے کلیے سے در کار جواب لکھتے ہیں۔

$$\begin{split} V_0(s) &= V_2(s) \left( \frac{\frac{1}{s}}{1 + \frac{1}{s}} \right) \\ &= \frac{10(s+1)}{s^2 + 2s - 1} \left( \frac{\frac{1}{s}}{1 + \frac{1}{s}} \right) \\ &= \frac{10}{s^2 + 2s - 1} \end{split}$$

جزوی کسری پھیلاو حاصل کرتے ہوئے وقتی دائرہ کار میں دباو حاصل ہو گا۔ نسب نما کے جذر  $\sqrt{2} \mp 1$  ہیں لہذا درج ذیل کھا جا سکتا ہے

$$\begin{aligned} V_0(s) &= \frac{10}{(s+1-\sqrt{2})(s+1+\sqrt{2})} \\ &= \frac{K_1}{s+1-\sqrt{2}} + \frac{K_2}{s+1+\sqrt{2}} \end{aligned}$$

جس سے

$$K_{1} = \frac{10}{s+1+\sqrt{2}} \Big|_{s=-1+\sqrt{2}}$$

$$= \frac{5}{\sqrt{2}}$$

$$K_{2} = \frac{10}{s+1-\sqrt{2}} \Big|_{s=-1-\sqrt{2}}$$

$$= -\frac{5}{\sqrt{2}}$$

حاصل ہوتے ہیں۔یوں

$$V_0(s) = \frac{5}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{s+1-\sqrt{2}} - \frac{1}{s+1+\sqrt{2}} \right)$$

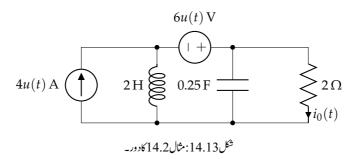
لکھ کر الٹ لا پلاس بدل لیتے ہوئے در کار دباو حاصل ہو گا۔

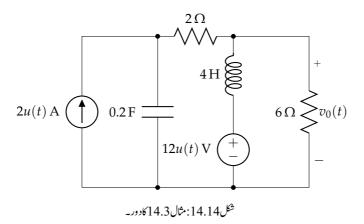
$$v_0(t) = \frac{5}{\sqrt{2}} \left[ e^{-(1-\sqrt{2})t} - e^{-(1+\sqrt{2})t} \right] u(t)$$
  
=  $5\sqrt{2}e^{-t} \sinh(\sqrt{2}t)u(t) V$ 

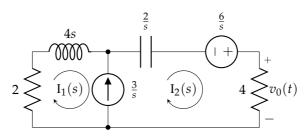
مشق 14.2: شكل 14.13 مين  $i_0(t)$  بذريعه مساوات جوڙ دريافت كريں۔

 $i_0(t) = [e^{-t}(5\sin t - 3\cos t) + 3]u(t)$  A : چاپ

.14.3 تحبنا ياتى تراكيب.







شكل 14.15:مثال 14.4 اور مثال 14.5 كادور

مثق 14.3: شكل 14.14 ميں  $v_0(t)$  بذريعه مساوات جوڑ دريافت كريں۔

$$v_0(t) = \left[e^{-\frac{t}{2}}\left(7.24\sin\frac{\sqrt{11}}{4}t - 12\cos\frac{\sqrt{11}}{4}t\right) + 12\right]u(t)$$
 ابن الم

مثق 14.4: شکل 14.15 میں  $v_0(t)$  بذریعہ دائری مساوات دریافت کریں۔

 $v_0(t) = 12e^{-\frac{t}{2}}\,\mathrm{V}$  :بواب

مثق 14.5: مسله تھونن کی مدد سے شکل 14.15 میں  $v_0(t)$  حاصل کریں۔

لا پلاس بدل کی مدد سے کچھ ادوار ہم حل کر پچکے جن میں ابتدائی رواور دباو صفر تھے۔ آئیں اب چندایسے ادوار دیکھیں جن میں ابتدائی رویا ابتدائی دباو پایا جاتا ہو۔اس طرز کے ادوار ہم پہلے باب 7 میں حل کر پچکے ہیں۔اس باب کے شروع میں .14.3 تحسنرياتي تراكيب

ا ہتدائی رو اور ابتدائی دیاو کو شامل کرتے ہوئے پر زوں کے لاپلاس بدل حاصل کئے گئے نہیں شکل 14.2، شکل 14.3 اور شکل 14.4 میں دکھایا گیا ہے۔انہیں کو استعال کرتے ہوئے ادوار حل کئے جائیں گے۔

مثال 14.5: شکل 14.16 میں ازل سے ایک سونچ منقطع اور ایک سونچ چالو ہے۔ مین t=0 پر چالو سونچ کو منقطع کر دیا جاتا ہے۔ لمجہ t<0 پر دور کو حل کرتے ہوئے ابتدائی دیاو اور ابتدائی رو حاصل کرتے ہوئے ابتدائی دیاو اور ابتدائی رو حاصل کرتے ہوئے  $i_0(t)$  دریافت کریں۔

حل: لمحہ t<0 پر برق گیر کو کھلے دور جبکہ امالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے شکل-ب حاصل ہوتا ہے جہاں سے امالہ گیر کی ابتدائی رو $v_C(0)$  اور برق گیر کا ابتدائی دباو  $v_C(0)$  حاصل ہوتے ہیں۔

$$i_L(0) = \frac{2}{4} = 0.5 \,\text{A}$$
  
 $v_C(0) = 2 \,\text{V}$ 

ابتدائی معلومات کو شامل کرتے ہوئے پرزوں کے لاپلاس مساوی دور پر کرنے سے لمحہ  $t\geq 0$  کے لئے شکل حاصل ہوتا ہے۔مساوات جوڑ لکھتے ہیں

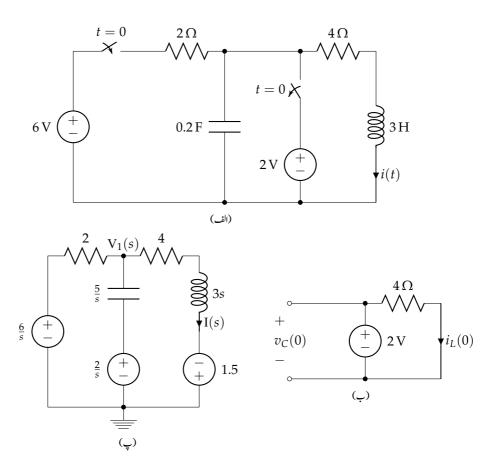
$$\frac{V_1(s) - \frac{6}{s}}{2} + \frac{V_1(s) - \frac{2}{s}}{\frac{5}{s}} + \frac{V_1(s) + 1.5}{3s} = 0$$

جسسے

$$V_1(s) = \frac{12s^2 + 91s + 120}{s(6s^2 + 23s + 30)}$$

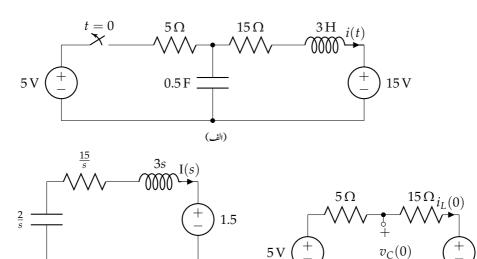
حاصل ہوتا ہے۔ یوں رو درج ذیل ہے

$$I(s) = \frac{V_1(s)}{3s+4}$$
$$= \frac{12s^2 + 91s + 120}{s(s+4)(6s^2 + 23s + 30)}$$



شكل 14.16: مثال 14.5 كادور

.14.3 تحبنه ياتي تراكيب



شكل 14.17: مثال 14.6 كادور ـ

(پ)

الٹ لا پلاس بدل لیتے ہوئے درج ذیل ملتا ہے۔

$$i(t) = \left[ e^{-\frac{23}{12}t} \left( \frac{44}{\sqrt{191}} \sin \frac{\sqrt{191}t}{12} - 2\cos \frac{\sqrt{191}t}{12} \right) + 4 \right] u(t) A$$

i(t) مثال 14.15: شکل 14.17 میں ازل سے چالو سوئج کو لمحہ پر منقطع کیا جاتا ہے۔ سوئج منقطع ہونے کے بعد کی رو دریافت کریں۔

حل: چالو سونچ کی صورت میں برق گیر کو کھلا دور اور امالہ گیر کو قصر دور تضور کرتے ہوئے شکل-ب حاصل ہوتی ہے جہاں سے امالہ گیر کی ابتدائی دوباو  $v_C(0)$  حاصل کرتے ہیں۔

$$i_L(0) = \frac{10 - 20}{5 + 15} = -0.5 \,\mathrm{A}$$
  
 $v_C(0) = \frac{5 \times 15 + 15 \times 5}{5 + 15} = 7.5 \,\mathrm{V}$ 

ابتدائی معلومات کو استعال کرتے ہوئے، سونچ منقطع ہونے کے بعد کا لاپلاس بدل دور شکل۔پ میں دکھایا گیا ہے۔ابتدائی رومنفی ہونے کی وجہ سے امالہ کے لاپلاس اظہار میں 1.5 V منبع کے قطبین شکل 14.4 کے الٹ ہیں۔شکل 14.17-ب سے I(s) کیھتے ہیں۔

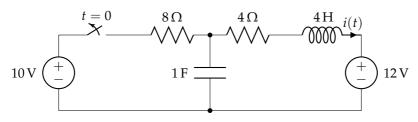
$$\begin{split} \mathbf{I}(s) &= \frac{\frac{7.5}{s} - 1.5 - \frac{15}{s}}{\frac{2}{s} + 15 + 3s} \\ &= \frac{-(s+5)}{2(s^2 + 5s + \frac{2}{3})} \\ &= \frac{-(s+5)}{2(s + \frac{5}{2} - \frac{\sqrt{201}}{6})(s + \frac{5}{2} + \frac{\sqrt{201}}{6})} \end{split}$$

اس کاالٹ لایلاس بدل لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

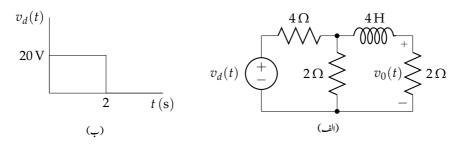
$$i(t) = -e^{-\frac{5}{2}t} \left[ \frac{45}{6\sqrt{201}} \sinh\left(\frac{\sqrt{201}}{6}t\right) + \frac{1}{2} \cosh\left(\frac{\sqrt{201}}{6}t\right) \right] u(t) A$$

مشق 14.6: شكل 14.18 ميں  $i_0(t)$  حاصل كريں۔

$$i_0(t) = -\frac{e^{-\frac{t}{2}}}{6}(1+\frac{t}{2})u(t)$$
 A:



شكل 14.18: مشق 14.6 كادور



شكل 14.19: مشق 14.7 كادور

مثق 14.7: شکل 14.19-الف میں  $v_0(t)$  حاصل کریں۔ شکل -ب میں داخلی دباو کی مستطیل صورت دی گئی ہے۔  $v_0(t)=4(1-e^{-\frac{5}{6}t})u(t)+4(1-e^{-(\frac{5}{6}-2)t})u(t-2)\,\mathrm{V}$  جواب:

#### 14.4 تبادلي تفاعل جال

دور میں کسی بھی دباویارواور داخلی اشارے کے تئاسب کو جال کی تبادلی تفاعل ایا تفاعل جال  $^2$  کہتے ہیں۔اگردونوں متغیرات دباو ہوں تب تبادلی تفاعل افزائش دباو  $^3$  کہلاتا ہے، اگردونوں متغیرات روہوں تب اس کو افزائش دو  $^4$  کہتے

transfer function<sup>1</sup> network function<sup>2</sup> voltage gain<sup>3</sup> current gain<sup>4</sup>

ہیں۔اسی طرح دباواور رو کے تناسب کو افذائش مزاحمت نما<sup>5</sup> کہتے ہیں جبکہ رواور دباو کے تناسب کو افذائش موصلیت نما<sup>6</sup> کہتے ہیں۔تبادلی تفاعل کے حصول میں ابتدائی دباواور ابتدائی رو کو صفر لیا جاتا ہے۔

فرض کریں کہ کسی دور کا تبادلی تفاعل درج ذیل مساوات دیتی ہے جہاں  $x_a(t)$  داخلی اشارہ اور  $y_0(t)$  خارجی اشارہ ہیں۔

$$b_n \frac{d^n y_0(t)}{dt^n} + b_{n-1} \frac{d^{n-1} y_0(t)}{dt^{n-1}} + \dots + b_1 \frac{d^1 y_0(t)}{dt^1} + b_0 y_0(t) =$$

$$a_m \frac{d^m x_d(t)}{dt^m} + a_{m-1} \frac{d^{m-1} x_d(t)}{dt^{m-1}} + \dots + a_1 \frac{d^1 x_d(t)}{dt^1} + a_0 x_d(t)$$

تمام ابتدائی معلومات صفر ہونے کی صورت میں درج بالا کا لاپلاس بدل درج ذیل ہو گا

$$(b_n s^n + b_{n-1} s^{n-1} + \dots + b_1 s + b_0) Y_0(s) =$$

$$(a_m s^m + a_{m-1} s^{m-1} + \dots + a_1 s + a_0) X_d(s)$$

H(s) جس سے تبادلی تفاعل

$$H(s) = \frac{Y_0(s)}{X_d(s)} = \frac{a_m s^m + a_{m-1} s^{m-1} + \dots + a_1 s + a_0}{b_n s^n + b_{n-1} s^{n-1} + \dots + b_1 s + b_0}$$

١

(14.18) 
$$Y_0(s) = H(s)X_d(s)$$

لکھتے ہیں۔

 $Y_0(s)$  اور داخلی تفاعل  $X_d$  کا حاصل ضرب خار جی تفاعل  $Y_0(s)$  مساوات 14.18 کہتی ہے کہ تبادلی تفاعل  $Y_0(s)=H(s)$  اور داخلی تفاعل  $X_d(s)=1$  کی صورت میں چو نکہ  $X_d(s)=1$  ہو گا۔  $X_d(s)=1$ 

 $\mathbf{Y}_{0}(s) = \boldsymbol{H}(s) \quad \delta(t)$ 

یہ ایک اہم نتیجہ ہے جس کے تحت کسی بھی دور پر اکائی ضرب تفاعل لا گو کرتے ہوئے خارجی اشارے سے دور کا تبادلی تفاعل صاصل کیا جا سکتا ہے۔ایک بار دور کا تبادلی تفاعل معلوم ہو جائے اس کے بعد کسی بھی داخلی اشارے پر دور کارد عمل

transresistance gain<sup>5</sup> transconductance gain<sup>6</sup>

مساوات 14.18 سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔الٹ لاپلاس بدل لیتے ہوئے h(t) حاصل ہو گا۔ چونکہ تجزیہ گاہ ہیں اکائی ضرب تفاعل پیدا کرنا مشکل بلکہ ناممکن کام ہے لہذا ہم دور پر اکائی سیڑھی تفاعل بھی لا گو کرتے ہوئے اس کا تبادلی تفاعل حاصل کر سکتے ہیں۔ چونکہ u(t) کا لاپلاس بدل  $\frac{1}{s}$  ہے لہذا دور پر اکائی سیڑھی تفاعل لا گو کرتے ہوئے مساوات 14.18 ہے۔

$$Y_0(s) = \frac{\boldsymbol{H}(s)}{s} \quad u(t)$$

یوں اکائی سیڑھی تفاعل لا گو کرتے ہوئے دور کا خارجی اشارہ ناپا جاتا ہے۔خارجی اشارے کو s سے ضرب دیتے ہوئے تبادلی تفاعل حاصل ہو گا۔ آپ جانتے ہیں کہ مخلوط تعددی دائرہ کار میں s سے ضرب دینے سے مراد وقتی دائرہ کار میں تفاعل کا تفرق لینا ہے۔یوں  $\frac{\mathrm{d}y_0(t)}{\mathrm{d}t}=h(t)$  ہو گا۔

مثال 14.7: دور کا اکائی ضرب تفاعل رد عمل  $v_d(t)=3e^{-4t}u(t)$  ہمثال 14.7: دور کا اکائی ضرب تفاعل رد عمل  $v_d(t)=3e^{-4t}u(t)$  ہمثال 7.4: دور کا اکائی ضرب تفاعل رد عمل کرتے ہوئے خارجی اشارہ  $v_d(t)=0$  دریافت کریں۔

حل: داخلی اشارے کا لا پلاس بدل لکھتے ہیں۔

$$V_d(s) = \frac{3}{s+4}$$

یوں مساوات استعال کرتے ہوئے

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_0(s) &= \mathbf{H}(s) \mathbf{V}_d(s) \\ &= \frac{6}{(s+5)(s+4)} \\ &= \frac{6}{s+4} - \frac{6}{s+5} \end{aligned}$$

الٹ لایلاس بدل لیتے ہوئے خارجی اشارہ حاصل کرتے ہیں۔

$$v_0(t) = 6\left(e^{-4t} - e^{-5t}\right)u(t) V$$

تبادلی نفاعل کے قطب سے دور کے ردعمل کے بارے میں بہت کچھ جانا جاتا ہے۔ ہم ایک درجی اور دو درجہ ادوار پر باب 7 میں غور کر چکے ہیں۔ یہاں نتائج کو دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ ایک عدد امالہ گیر یا برق گیر کی صورت میں ردعمل y(t)=y(t)=0 مساوات صورت رکھتا ہے جہاں  $\tau$  دور کا وقتی مستقل ہے۔ دو درجی ادوار کا ردعمل دور کے امتیازی مساوات

$$s^2 + 2\zeta\omega_0 s + \omega_0^2 = 0$$

کے قطبین پر مخصر ہوتا ہے۔ یاد رہے کہ تبادلی تفاعل کا نسب نما امتیازی مساوات کہلاتا ہے۔ امتیازی مساوات میں ج تقصیری مستقل اور سی بلا تقصیر قدرتی تعدد ہے اور یہی دو قیمتیں رد عمل کی تین مکنہ صور تیں تعین کرتی ہیں۔

زیادہ تقیم: امتیازی مساوات میں 0 > 1 اور مساوات کے جذر

$$s_1 = -\zeta \omega_0 - \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1}$$
  
$$s_2 = -\zeta \omega_0 + \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1}$$

ہیں للذا جال کارد عمل درج ذیل ہے۔

$$y(t) = K_1 e^{-(\zeta \omega_0 + \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1})t} + K_2 e^{-(\zeta \omega_0 - \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1})t}$$

کم تقیم: امتیازی مساوات میں 0 < 1 اور مساوات کے جذر

$$s_1 = -\zeta \omega_0 - j\omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2}$$
  
$$s_2 = -\zeta \omega_0 + j\omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2}$$

ہیں للذا جال کارد عمل درج ذیل ہے۔

$$y(t) = K_1 e^{-(\zeta \omega_0 + j\omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2})t} + K_2 e^{-(\zeta \omega_0 - j\omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2})t}$$
  
=  $K e^{-\zeta \omega_0 t} \cos(\omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2}t + \phi)$ 

ناصل تقیم: امتیازی مساوات میں  $\zeta=1$  اور مساوات کے جذر  $s_1=s_2=-\omega_0$ 

ہیں لہذا جال کارد عمل درج ذیل ہے۔

$$y(t) = K_1 e^{-\omega_0 t} + K_2 t e^{-\omega_0 t}$$

جال کے قطبین اور صفروں کو عموماً مخلوط مسطح  $^7$  یا  $^8$  سطح پر دکھایا جاتا ہے۔ مخلوط سطح کے افقی محور پر  $\sigma$  اور عمود کی محور پر  $\sigma$  یک محور پر محال کے غیر لا متناہی قطبین اور صفر سے غرض ہے، یہاں اس حقیقت کا ذکر کر ناضر ور کی حکم سے بھی محقول تفاعل میں قطبین اور صفر کی تعداد برابر پائی جاتی ہے۔ یوں اگر تبادلی تفاعل میں  $\sigma$  ہوتب  $\sigma$  محقول تفاعل میں قطبین اور اگر  $\sigma$  محتور برابر پائی جاتی ہیں۔  $\sigma$  محقول تفاعل میں بیائے جاتے ہیں۔  $\sigma$ 

شکل 14.20 میں سادہ اور علیحدہ قطبین، مخلوط قطبین اور کثیر ہم رقمی قطبین مخلوط سطی پر دکھائے گئے ہیں۔ شکل۔ ٹی میں دوعدد ہم رقمی قطبین کو علیحدہ علیحدہ علیحدہ کر کے دکھایا گیا ہے۔ حقیقت میں یہ دونوں حقیق محور پر ایک ہی نقطے پر پائے جاتے ہیں۔ ساتھ ہی ساتھ ان سے حاصل رد عمل بھی دکھایا گیا ہے۔ سادہ اور علیحدہ قطبین کے تفاعل کی شرح تبدیلی کم ہوتی ہے لہٰذا اس کو صفر تک پہنچنے میں زیادہ وقت لگتا ہے۔ مخلوط قطبین کے تفاعل کی شرح تبدیلی زیادہ ہوتی ہے البتہ یہ صفر پر پہنچ کر دوسری جانب نکل جاتا ہے۔ یوں مخلوط قطبین کا تفاعل مقصور مسائن نھا 8 ہوتی ہیں۔ کثیر ہم رقمی قطبین کا رد عمل ہے ان دونوں کے در میان ہے۔ یہ تیز تر ممکنہ رفتار سے صفر تک پہنچتا ہے، البتہ اتنا تیز نہیں کہ صفر پر رکھ نہ سکے اور دوسری حانب نکل جائے۔

شکل 14.21 میں مخلوط سطے پر مختلف تفاعل اور تفاعل کے قطبین دکھائے گئے۔ اس شکل سے کئی تھا کُن کی وضاحت ہوتی ہو لئم اس کہ جو النہ اس پر کچھ وقت صرف کرتے ہیں۔ فرض کریں کہ  $p_1$  تا  $p_2$  بالترتیب  $p_5$  تا کو ظاہر کرتے ہیں۔ فوط میں پائے جاتے ہیں۔ یوں  $p_2$  اور  $p_3$  مخلوط جوڑی ہے جو  $f_2(t)$  ہو گلام کرتے ہیں۔ فقی جزو منفی ہوتی مثلاً  $p_3$  اور  $p_3$  ماتی ہے۔ قطب کا حقیقی جزوا گرشیت ہیں۔ حقیقی جزو صفر ہونے کی صورت میں خیالی قطبین کی جوڑی مثلاً  $p_3$  اور  $p_3$  ماتی ہے۔ قطب کا حقیقی جزوا گرشیت ہو تو تفاعل مسلسل بڑھتا ہے اور اگر حقیقی جزو منفی ہو تب تفاعل مسلسل گھٹتا ہے۔ یوں  $f_3(t)$  یا  $f_3(t)$  مسلسل بڑھتا ہے اور اگر حقیقی جزو منفی ہو تب تفاعل مسلسل گھٹتا ہے۔ یوں جزو صفر نہ ہونے کی صورت میں بڑھتے تفاعل ہیں۔ قطب کا خیالی جزو صفر نہ ہونے کی صورت میں بڑھتے تفاعل ہیں جبکہ ( $f_3(t)$  اور  $f_3(t)$  مسلسل گھٹت تفاعل ہیں۔ قطب کا خیالی جزو صفر نہ ہونے کی صورت میں فقاعل ہے۔ خیالی مسلسل گھٹتا ہے۔ خیالی جوڑی سائن نما تفاعل ہے۔ حقیقی محور سے جتنا دور عایا جائے ہیں ہڑھنے کی شرح اتنی بڑھتی ہے المذا ( $f_3(t)$  کا تعدد اتنی بڑھتی ہے المذا ( $f_3(t)$  کا تعدد اس سے بھی زیادہ ہو یہ المذا ( $f_3(t)$  کی سے تبدیل ہو ہے۔ اس طرح خیالی محور سے جتنا دور جایا جائے ، بڑھنے یا گھنے کی شرح اتنی بڑھتی ہے المذا ( $f_3(t)$  میں سے زیادہ اور ( $f_3(t)$  میں میں دیادہ ہو گی جہکہ ( $f_3(t)$  میں سے زیادہ اور ( $f_3(t)$  میالیہ کور سے جتنا دور جایا جائے ، بڑھنے یا گھنے کی شرح اتنی بڑھتی ہے المذا ( $f_3(t)$  میالیہ کی شرح نورہ ہوگی جبکہ ( $f_5(t)$  اس سے زیادہ اور ( $f_3(t)$  میالیہ کی میں میں کا میں کا میں کیا ہوگا گا۔

complex plane<sup>7</sup> damped sinusoidal<sup>8</sup>

