

برقی ادوار

خالد خان یوسفزئی
کامپیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفارمیشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد
khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1	بنیاد	1
1	برقی بار، برقی رو اور برقی دباؤ	1.1
5	قانون اوہم	1.2
6	توانائی اور طاقت	1.3
11	برقی پوزے	1.4
11	1.4.1 غیر تابع منبع	
13	1.4.2 تابع منبع	
21	مزاحمتی ادوار	2
21	2.1 قانون اوہم	
27	2.2 قوانین کرخوف	
39	2.3 سلسلہ وار جڑے پوزوں میں رو	
40	2.4 تقسیم دباؤ	
42	2.5 متعدد سلسلہ وار مزاحمت	
45	2.6 سلسلہ وار متعدد منبع دباؤ اور مزاحمت	
46	2.7 متوازی جڑے مزاحمت پر یکساں دباؤ پایا جاتا ہے	
47	2.8 تقسیم رو	
53	2.9 سلسلہ وار اور متوازی مزاحمت	
57	2.10 تخصیص مزاحمت	
59	2.11 سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے ادوار کا حل	
64	2.12 ستارہ-تکون تبادلہ	
69	2.13 تابع منبع استعمال کرتے ادوار	
77	جوڑ اور دائری تجزیہ	3
77	3.1 تجزیہ جوڑ	
79	3.2 غیر تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار	
89	3.3 تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار	
93	3.4 غیر تابع منبع دباؤ استعمال کرنے والے ادوار	

باب 3

جوڑ اور دائری تجزیہ

گزشتہ باب میں سادہ ترین ادوار کو کرخوف قوانین سے حل کرنا دکھایا گیا۔ اس باب میں متعدد جوڑ اور متعدد دائروں والے ادوار کو کرخوف قوانین سے حل کرنا دکھایا جائے گا۔ کرخوف قانون رو سے ہر جوڑ پر داخلی اور خارجی رو کے مجموعوں کو برابر کرتے ہوئے دور کے تمام جوڑوں پر دباؤ حاصل کیا جاتا ہے۔ اس کے برعکس کرخوف قانون دباؤ کی مدد سے دور کے ہر دائرے میں دباؤ کے گھٹاؤ کے مجموعے کو دائرے میں دباؤ کے بڑھاؤ کے مجموعے کے برابر پر کرتے ہوئے تمام دائروں کی رو حاصل کی جاتی ہے۔ عموماً دور یا تو کرخوف قانون دباؤ اور یا کرخوف قانون رو سے زیادہ آسانی سے حل ہوتا ہے۔ آسان طریقہ چننا اس باب میں سکھایا جائے گا۔

3.1 تجزیہ جوڑ

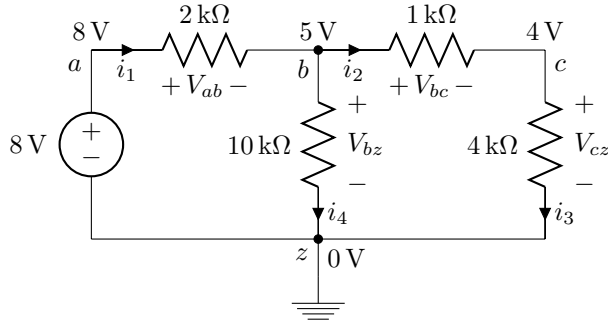
دور کو ترکیب جوڑا سے حل کرتے ہوئے جوڑ کے دباؤ کو نامعلوم متغیرات چننا جاتا ہے۔ کسی ایک جوڑ کو حوالہ چنتے ہوئے بقایا جوڑ کے دباؤ اس جوڑ سے ناپے جاتے ہیں۔ یوں جس جوڑ کو حوالہ چننا گیا ہو، اس کی دباؤ کو صفر وولٹ تصور کیا جاتا ہے اور اس جوڑ کو برقی زمین کہا جاتا ہے۔ عموماً اس جوڑ کو برقی زمین چننا جاتا ہے جس کے ساتھ سب سے زیادہ پرزے جڑے ہوں۔ عموماً آلات کو موصل ڈبوں میں بند رکھا جاتا ہے اور عام طور دور کے برقی زمین کو ڈبے کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ ایسی صورت میں ڈبے کی سطح بھی 0 V پر ہوتی ہے۔

ہم دباؤ جوڑ کے متغیرات کو مثبت تصور کریں گے۔ حقیقی دباؤ کی قیمت زمین کی نسبت سے منفی ہونے کی صورت میں تجزیے سے منفی قیمت حاصل ہوگی۔

آئیں دباؤ جوڑ جاننے کی افادیت کو شکل 3.1 کی مدد سے جانیں۔ اس دور میں a ، b ، c اور z جوڑ پائے جاتے ہیں۔ ہم نے جوڑ z کو برقی زمین چننا ہے لہذا اس کی دباؤ 0 V ہے۔ بقایا تین جوڑ کی دباؤ کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔ برقی زمین کو علامت سے ظاہر کیا گیا ہے۔

بالائی بائیں مزاحمت پر دباؤ درج ذیل پایا جاتا ہے

$$\begin{aligned} V_{ab} &= V_a - V_b \\ &= 8 - 5 \\ &= 3 \text{ V} \end{aligned}$$



شکل 3.1: دباو جوڑ سے بازو کی رو حاصل کی جا سکتی ہے۔

لہذا قانون اوہم سے مزاحمت میں رو درج ذیل حاصل کی جاتی ہے۔

$$\begin{aligned} i_1 &= \frac{V_{ab}}{2 \text{ k}\Omega} \\ &= \frac{3}{2000} \\ &= 1.5 \text{ mA} \end{aligned}$$

اسی طرح بالائی دائیں مزاحمت پر دباو درج ذیل ہوگا

$$\begin{aligned} V_{bc} &= V_b - V_c \\ &= 5 - 4 \\ &= 1 \text{ V} \end{aligned}$$

جس سے رو

$$\begin{aligned} i_2 &= \frac{V_{bc}}{1 \text{ k}\Omega} \\ &= \frac{1}{1000} \\ &= 1 \text{ mA} \end{aligned}$$

حاصل ہوتی ہے۔ درمیانے مزاحمت پر دباو اور اس کی رو درج ذیل ہیں۔

$$\begin{aligned} V_{bz} &= V_b - V_z \\ &= 5 - 0 \\ &= 5 \text{ V} \\ i_4 &= \frac{V_{bz}}{10 \text{ k}\Omega} \\ &= \frac{5}{10000} \\ &= 0.5 \text{ mA} \end{aligned}$$

چونکہ 1 kΩ اور 4 kΩ سلسلہ وار جڑے ہیں لہذا 4 kΩ میں بھی 1 mA رو پائی جائے گی۔ آپ اسی قیمت کو دباو جوڑ سے بھی حاصل کر سکتے

ہیں یعنی

$$\begin{aligned}
 V_{cz} &= V_c - V_z \\
 &= 4 - 0 \\
 &= 4 \text{ V} \\
 i_3 &= \frac{V_{cz}}{4 \text{ k}\Omega} \\
 &= \frac{4}{4000} \\
 &= 1 \text{ mA}
 \end{aligned}$$

یہاں اتمنان کر لیں کہ تمام جوڑوں پر آمدی رو اور خارجی رو برابر ہوں۔ جوڑ b پر آمدی رو 1.5 mA ہے جو خارجی رو کے مجموعے $1 \text{ mA} + 0.5 \text{ mA}$ کے عین برابر ہے۔ اسی طرح جوڑ c پر آمدی اور خارجی رو 1 mA ہیں۔ جوڑ a پر کر خوف قانون رو سے منبع دباؤ کے مثبت سرے سے خارجی رو 1.5 mA حاصل ہوتی ہے۔

کسی بھی دو جوڑ m اور n کے مابین جڑی مزاحمت R_{mn} کی رو i_R قانون اوہم

$$(3.1) \quad i_R = \frac{v_m - v_n}{R_{mn}}$$

سے حاصل کی جاتی ہے۔

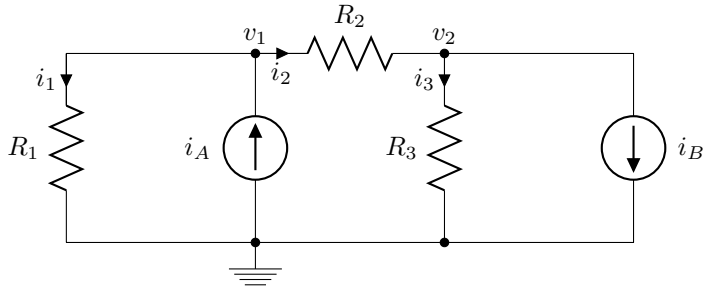
اب جب ہم دباؤ جوڑ کی افادیت جان چکے ہیں انہیں ترکیب جوڑ پر غور کریں۔ اگر دور میں J جوڑ پائے جاتے ہوں تب ہمیں J دباؤ دریافت کرنے ہوں گے۔ کسی ایک جوڑ کو زمین چنتے ہوئے اس کی دباؤ 0 V تصور کی جاتی ہے۔ یوں بقایا $J - 1$ جوڑ کی دباؤ کو نامعلوم متغیرات تصور کیا جاتا ہے۔ ان $J - 1$ جوڑ پر کر خوف قانون رو کا اطلاق کرتے ہوئے $J - 1$ مساوات لکھے جاتے ہیں۔ آپ جانتے ہیں کہ $J - 1$ متغیرات معلوم کرنے کی خاطر $J - 1$ ہمزاد مساوات درکار ہیں۔ یوں ان $J - 1$ ہمزاد مساوات کے حل سے تمام نامعلوم دباؤ جوڑ حاصل ہوتے ہیں۔ کسی بھی جوڑ پر کر خوف کی مساوات لکھتے ہوئے جوڑ سے منسلک تمام بازو کی رو کو مساوات 3.1 کی طرز پر لکھا جاتا ہے۔ یوں مزاحمت جانتے ہوئے، رو کو نامعلوم دباؤ کی صورت میں لکھا جاتا ہے۔ اس طرح کر خوف قانون رو کی مساوات میں صرف نامعلوم دباؤ بطور متغیرات پائے جائیں گے۔

یاد رہے کہ برقی دباؤ دو نقطوں کے مابین ہوتا ہے۔ کسی نقطے کی حتمی دباؤ کوئی معنی نہیں رکھتی۔ جوڑ پر کر خوف قانون رو کی مساوات لکھتے ہوئے جوڑ کا دباؤ زمین کے حوالے سے ناپا جاتا ہے۔ یوں شکل 3.1 میں جوڑ a کا دباؤ جوڑ z کے حوالے سے 8 V ہے اور جوڑ b کا دباؤ جوڑ z کے حوالے سے 5 V ہے۔ اس کے برعکس جوڑ b کے حوالے سے جوڑ a کا دباؤ 3 V ہے جبکہ جوڑ a کے حوالے سے جوڑ c کا دباؤ 4 V اور جوڑ z کا دباؤ 8 V ہے۔

انہیں ترکیب جوڑ کو چند مثالوں کی مدد سے سیکھیں۔ ہم آسان ترین مثال سے شروع کرتے ہوئے بتدریج مشکل مثال پیش کریں گے۔

3.2 غیر تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار

شکل 3.2 میں تین جوڑ والا دور دکھایا گیا ہے جن میں نچلے جوڑ کو زمین چننا گیا ہے۔ بقایا دو جوڑ کے نامعلوم برقی دباؤ کو متغیرات v_1 اور v_2 ظاہر کرتے ہیں۔ ہم تمام شاخوں میں رو کی سمت چنتے ہیں۔ یوں i_1 کو بالائی بائیں جوڑ سے زمین کی جانب رواں چننا گیا ہے۔ اسی طرح i_2 کو بالائی بائیں جوڑ سے بالائی دائیں جوڑ کی جانب رواں چننا گیا ہے جبکہ i_3 کو بالائی دائیں جوڑ سے زمین کی طرف رواں چننا گیا ہے۔



شکل 3.2: تین جوڑ والا دور۔

بالائی بائیں جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مساوات لکھتے ہیں۔ جوڑ سے خارجی رو کو مثبت اور داخلی رو کو منفی لکھتے ہوئے درج ذیل لکھا جاسکتا ہے۔

$$(3.2) \quad i_1 - i_A + i_2 = 0$$

قانون اوہم استعمال کرتے ہوئے اسے یوں

$$\frac{v_1}{R_1} - i_A + \frac{v_1 - v_2}{R_2} = 0$$

یا

$$(3.3) \quad \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} = i_A$$

لکھا جاسکتا ہے۔ بالائی دائیں جوڑ کے لئے

$$(3.4) \quad -i_2 + i_3 + i_B = 0$$

اور

$$-\left(\frac{v_1 - v_2}{R_2} \right) + \frac{v_2}{R_3} + i_B = 0$$

یعنی

$$(3.5) \quad -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) v_2 = -i_B$$

لکھا جائے گا۔ نچلے جوڑ یعنی برقی زمین پر کرخوف قانون رو کی مساوات لکھتے ہیں۔

$$(3.6) \quad -i_1 + i_A - i_3 - i_B = 0$$

مساوات 3.2 اور مساوات 3.4 کے مجموعے کو منفی ایک سے ضرب دینے سے مساوات 3.6 حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 3.2، مساوات 3.4 اور مساوات 3.6 میں کسی بھی دو مساواتوں سے تیسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے۔ یوں ان میں صرف دو عدد مساوات آزاد مساوات ہیں جبکہ تیسری مساوات تابع مساوات ہے۔ شکل 3.2 کے دور میں کل تین عدد جوڑ ہیں۔ آپ نے دیکھا کہ اس دور سے صرف دو عدد آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں یعنی $J = 3$ کی صورت میں $J - 1 = 2$ آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

مساوات 3.3 اور مساوات 3.5 کو ایک ساتھ لکھتے ہیں۔

$$(3.7) \quad \begin{aligned} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} &= i_A \\ -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) v_2 &= -i_B \end{aligned}$$

مثال 3.1: شکل 3.2 میں $i_A = 2 \text{ mA}$ ، $i_B = 5 \text{ mA}$ ، $R_1 = 4 \text{ k}\Omega$ ، $R_2 = 6 \text{ k}\Omega$ اور $R_3 = 2 \text{ k}\Omega$ ہیں۔ تمام جوڑ پر دباؤ اور تمام شاخوں میں رو حاصل کریں۔

حل: مساوات 3.7 میں قیمتیں پُر کرتے ہیں

$$(3.8) \quad \begin{aligned} \left(\frac{1}{4000} + \frac{1}{6000} \right) v_1 - \frac{v_2}{6000} &= 0.002 \\ -\frac{v_1}{6000} + \left(\frac{1}{6000} + \frac{1}{2000} \right) v_2 &= -0.005 \end{aligned}$$

ان ہمزاو مساوات کو حل کرنے سے

$$v_1 = 2 \text{ V}$$

$$v_2 = -7 \text{ V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ دباؤ جوڑ جانتے ہوئے شاخوں کی رو قانون اوہم سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i_1 = \frac{v_1}{R_1} = \frac{2}{4000} = 0.5 \text{ mA}$$

$$i_2 = \frac{v_1 - v_2}{R_2} = \frac{2 - (-7)}{6000} = 1.5 \text{ mA}$$

$$i_3 = \frac{v_2}{R_3} = \frac{-7}{2000} = -3.5 \text{ mA}$$

مساوات 3.7 کو قالبی مساوات² کی صورت میں لکھتے ہیں۔

$$(3.9) \quad \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

قالبی مساوات میں

$$\begin{aligned} \mathbf{G} &= \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix} \\ \mathbf{V} &= \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} \\ \mathbf{I} &= \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix} \end{aligned}$$

لیتے ہوئے اسے یوں لکھا جاسکتا ہے

$$\mathbf{GV} = \mathbf{I}$$

جس سے

$$\mathbf{V} = \mathbf{G}^{-1}\mathbf{I}$$

حاصل ہوتا ہے لہذا

$$(3.10) \quad \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

لکھا جائے گا۔

آج کل کمپیوٹر کا زمانہ ہے۔ کمپیوٹر کی مدد سے قلابی مساوات نہایت آسانی سے حل کئے جاسکتے ہیں۔ آپ سے التماس ہے کہ کمپیوٹر پر قلابی مساوات حل کرنا سیکھیں۔

مثال 3.2: درج بالا مثال میں تمام دباؤ جوڑ کو مساوات 3.10 کی مدد سے حل کریں۔

حل: مساوات 3.10 میں دی معلومات پر کرتے ہوئے لکھتے ہیں۔

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2400} & -\frac{1}{6000} \\ -\frac{1}{6000} & \frac{1}{1500} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 0.002 \\ -0.005 \end{bmatrix}$$

قالب \mathbf{G} کا ریاضی معکوس \mathbf{G}^{-1} حاصل کرنے کی خاطر \mathbf{G} کا شریک قالب شریک \mathbf{G}

$$\mathbf{G}_{\text{شریک}} = \begin{bmatrix} \frac{1}{1500} & \frac{1}{6000} \\ \frac{1}{6000} & \frac{1}{2400} \end{bmatrix}$$

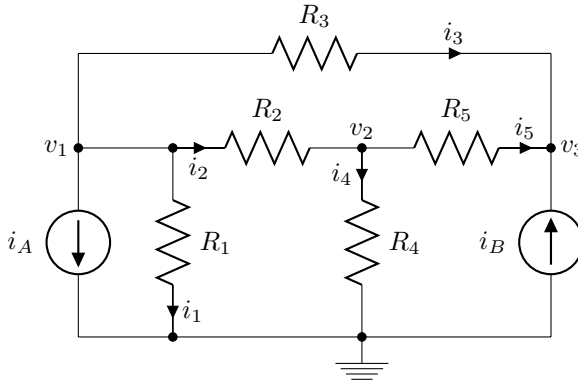
اور قالب کی حتمی قیمت

$$\begin{vmatrix} \frac{1}{2400} & -\frac{1}{6000} \\ -\frac{1}{6000} & \frac{1}{1500} \end{vmatrix} = \left(\frac{1}{2400} \right) \left(\frac{1}{1500} \right) - \left(-\frac{1}{6000} \right) \left(-\frac{1}{6000} \right) \\ = \frac{1}{4 \times 10^6}$$

درکار ہوں گے۔ یوں

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = 4 \times 10^6 \begin{bmatrix} \frac{1}{1500} & \frac{1}{6000} \\ \frac{1}{6000} & \frac{1}{2400} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.002 \\ -0.005 \end{bmatrix} \\ = 4 \times 10^6 \begin{bmatrix} 0.5 \times 10^{-6} \\ -1.75 \times 10^{-6} \end{bmatrix} \\ = \begin{bmatrix} 2 \\ -7 \end{bmatrix}$$

حاصل ہوتے ہیں یعنی $v_1 = 2\text{ V}$ اور $v_2 = -7\text{ V}$ ہیں۔



شکل 3.3: چار جوڑ کے دور سے تین عدد آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

انہیں شکل 3.3 کے کرخوف قانون رو کے مساوات لکھیں۔ دور کے تمام شاخوں میں رو کی سمتیں چننی گئی ہیں۔ نچلے جوڑ کو زمین چنا گیا ہے اور یہی حقیقت زمین کی علامت سے ظاہر کی گئی ہے۔ دور میں کل چار ($J = 4$) عدد جوڑ ہیں لہذا اس سے تین ($J - 1 = 3$) عدد آزاد مساوات حاصل کئے جائیں گے۔ پہلی جوڑ پر کرخوف قانون رو استعمال کرتے ہوئے

$$i_1 + i_2 + i_3 + i_A = 0$$

لکھا جائے گا جہاں جوڑ سے خارج رو کو مثبت لکھا گیا ہے۔ انفرادی شاخ کی رو کو قانون اوہم سے پُر کرتے ہوئے

$$\frac{v_1}{R_1} + \frac{v_1 - v_2}{R_2} + \frac{v_1 - v_3}{R_3} + i_A = 0$$

یعنی

$$(3.11) \quad \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

حاصل ہوتا ہے۔ دوسرے جوڑ سے

$$-i_2 + i_4 + i_5 = 0$$

یعنی

$$-\left(\frac{v_1 - v_2}{R_2} \right) + \frac{v_2}{R_4} + \frac{v_2 - v_3}{R_5} = 0$$

یا

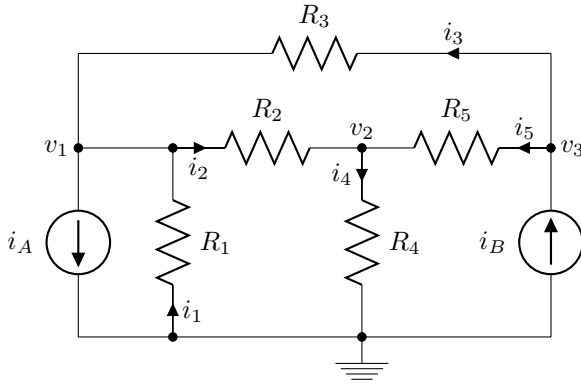
$$(3.12) \quad -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} \right) v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

حاصل ہوتا ہے۔ تیسری جوڑ سے

$$-i_3 - i_5 - i_B = 0$$

یعنی

$$-\left(\frac{v_1 - v_3}{R_3} \right) - \left(\frac{v_2 - v_3}{R_5} \right) - i_B = 0$$



شکل 3.4: مزاحمتوں اور آزاد منبع رو کی قالبی مساوات رو کی چنی سمتوں پر منحصر نہیں۔

یا

$$(3.13) \quad -\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \right) v_3 = i_B$$

حاصل ہوتا ہے۔

مساوات 3.11، مساوات 3.12 اور مساوات 3.13 کو اکٹھے لکھتے ہوئے

$$(3.14) \quad \begin{aligned} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} &= -i_A \\ -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} \right) v_2 - \frac{v_3}{R_5} &= 0 \\ -\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \right) v_3 &= i_B \end{aligned}$$

قالبی مساوات کی صورت میں لکھتے ہیں۔

$$(3.15) \quad \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_3} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} & -\frac{1}{R_5} \\ -\frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_5} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_A \\ 0 \\ i_B \end{bmatrix}$$

مندرجہ بالا مساوات کا دایاں بازو منبع رو سے جوڑ میں داخل رو دیتی ہے جبکہ اس کا بایاں بازو جوڑ سے خارجی رو دیتی ہے۔

شکل 3.3 کو دوبارہ شکل 3.4 میں پیش کیا گیا ہے جہاں i_1 ، i_3 اور i_5 کی سمتیں گزشتہ سمتوں کے الٹ چنی گئی ہیں۔ تین جوڑ کے مساوات درج ذیل لکھے جائیں گے۔

$$\begin{aligned} i_A - i_1 + i_2 - i_3 &= 0 \\ -i_2 + i_4 - i_5 &= 0 \\ i_3 + i_5 - i_B &= 0 \end{aligned}$$

شاخوں کی رو قانون اوہم سے پُر کرتے ہوئے درج بالا کو یوں لکھا جاسکتا ہے

$$\begin{aligned} i_A - \left(\frac{0 - v_1}{R_1} \right) + \frac{v_1 - v_2}{R_2} - \left(\frac{v_3 - v_1}{R_3} \right) &= 0 \\ - \left(\frac{v_1 - v_2}{R_2} \right) + \frac{v_2}{R_4} - \left(\frac{v_3 - v_2}{R_5} \right) &= 0 \\ \frac{v_3 - v_1}{R_3} + \frac{v_3 - v_2}{R_5} - i_B &= 0 \end{aligned}$$

جنہیں ترتیب دینے سے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$(3.16) \quad \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

$$(3.17) \quad -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} \right) v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

$$(3.18) \quad -\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \right) v_3 = i_B$$

اس کو قالبی مساوات کی صورت میں لکھتے ہیں۔

$$(3.19) \quad \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_3} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} & -\frac{1}{R_5} \\ -\frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_5} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_A \\ 0 \\ i_B \end{bmatrix}$$

مساوات 3.15 اور مساوات 3.19 بالکل یکساں ہیں۔ یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ قالبی مساوات کا دار و مدار شاخوں میں رو کی چنی گئی سمتوں پر منحصر نہیں ہوتا۔ اس کتاب میں اس حقیقت کو استعمال کرتے ہوئے ہم جوڑ پر کر خوف قانون رو کی مساوات لکھتے ہوئے مزاحمتی شاخوں میں رو کی سمت جوڑ سے خارج ہوتی تصور کریں گے۔ آئیں اس ترکیب کو شکل 3.5 کی مدد سے سمجھیں۔

شکل 3.5-الف میں پہلے جوڑ پر تمام مزاحمتی شاخوں کی رو خارجی تصور کرتے ہوئے کر خوف قانون رو کے تحت خارجی رو کا مجموعہ داخلی رو کے مجموعے کے برابر پُر کرنے سے

$$(3.20) \quad i_1 + i_2 = i_A$$

یعنی

$$(3.21) \quad \frac{v_1}{R_a} + \frac{v_a - v_b}{R_d} = i_A$$

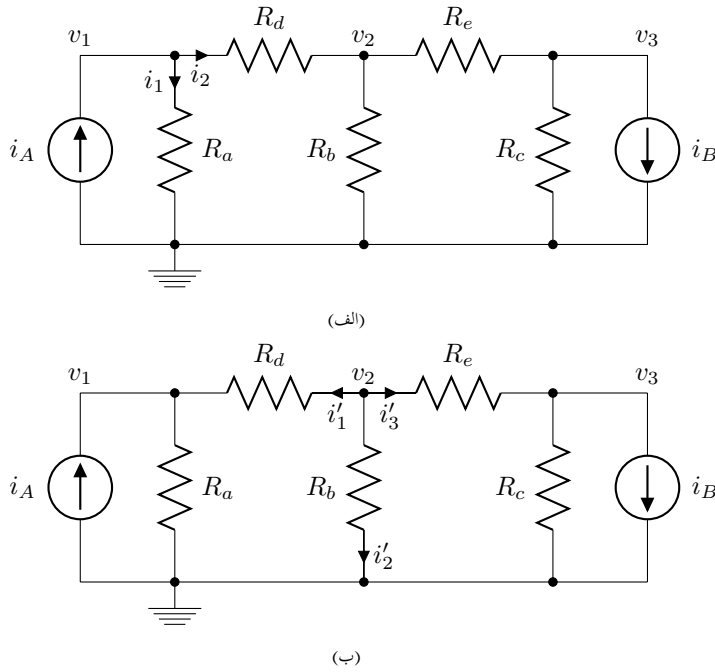
حاصل ہوتا ہے۔ شکل 3.5-ب میں دوسرے جوڑ پر تمام مزاحمتی رو کی سمت خارجی تصور کی گئی ہیں یوں

$$(3.22) \quad i'_1 + i'_2 + i'_3 = 0$$

یعنی

$$(3.23) \quad \frac{v_2 - v_1}{R_d} + \frac{v_2}{R_b} + \frac{v_2 - v_3}{R_e} = 0$$

لکھا جاسکتا ہے۔ تیسرے جوڑ پر یہی ترکیب استعمال کرتے ہیں۔ ہر جوڑ پر رو کی سمت شکل پر دکھانا ضروری نہیں ہے لہذا تیسرے جوڑ پر i''_1 اور i''_2 دکھانا ضروری نہیں ہے۔ ساتھ ہی ساتھ ہر مرتبہ مساوات 3.20 اور مساوات 3.22 کے طرز پر مساوات لکھنے کی بھی ضرورت نہیں ہے بلکہ دل ہی دل میں



شکل 3.5: تمام جوڑ پر مزاحمتی شاخوں میں رو کی سمت جوڑ سے خارج ہوتی تصور کر سکتے ہیں۔

جوڑ پر تمام مزاحمتی شاخوں کی رو خارجی تصور کرتے ہوئے سیدھ و سیدھ مساوات 3.21 اور مساوات 3.23 کے طرز پر مساوات لکھے جاسکتے ہیں۔ تیسرے جوڑ پر ایسا ہی کرتے ہوئے درج ذیل مساوات لکھی جاسکتی ہے۔

$$(3.24) \quad \frac{v_3 - v_2}{R_e} + \frac{v_3}{R_c} + i_B = 0$$

اس کتاب میں ہم مساوات 3.24 کی طرح جوڑ پر کرخوف قانون رو کے مساوات لکھیں گے۔

مساوات 3.19 اور مساوات 3.15 میں قالبِ موصلیت³ G کے بالائی بائیں کونے سے نچلے دائیں کونے تک ترچھی لکیر کے بالائی اور نچلی اطراف پر یکساں رکن پائے جاتے ہیں۔ ایسا اتفاقی طور پر نہیں ہے بلکہ مزاحمتوں اور آزاد منبع رو پر مبنی کسی بھی دور کے G قالب کو تشاکل صورت میں لکھا جاسکتا ہے۔ آئیں ان قالبوں پر مزید غور کریں۔

شکل 3.4 میں پہلے جوڑ کی دباؤ v_1 ، دوسرے جوڑ کی دباؤ v_2 اور تیسرے جوڑ کی دباؤ v_3 ہے۔ قالب میں بالائی یعنی پہلے صف کے رکن مساوات 3.16 سے حاصل کئے گئے۔ یہ مساوات پہلی جوڑ سے حاصل کی گئی ہے۔ اس جوڑ پر مزاحمت R_1 ، R_2 اور R_3 جڑے ہیں۔ ان مزاحمتوں کو متوازی جڑا تصور کرتے ہوئے مساوی مزاحمت R_{m1}

$$\frac{1}{R_{m1}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

سے حاصل کیا جاسکتا ہے جہاں $\frac{1}{R_{m1}}$ کو مساوی متوازی موصلیت G_{m1} کہا جاتا ہے۔ یوں قالب کے پہلے صف کا پہلا (بایاں) رکن پہلے جوڑ سے جڑے تمام مزاحمتوں کا مساوی متوازی موصلیت $\frac{1}{R_{m1}}$ ہے۔ اسی صف کا دوسرا رکن پہلے جوڑ اور دوسرے جوڑ کے مابین جڑے مزاحمت کی موصلیت کا منفی $-\frac{1}{R_2}$ کے برابر ہے۔ اسی طرح پہلے صف کا تیسرا رکن، پہلے جوڑ اور تیسرے جوڑ کے مابین جڑے موصلیت کے منفی $-\frac{1}{R_3}$ کے برابر ہے۔ قالب کے

دوسرے صف کے ارکان مساوات 3.17 سے حاصل کئے گئے۔ اس صف کا پہلا رکن پہلے اور دوسرے جوڑ کے مابین مساوی متوازی موصلیت کے منفی $\frac{1}{R_2}$ کے برابر ہے۔ صف کا دوسرا رکن دوسرے جوڑ پر تمام مزاحمتوں کا مساوی متوازی موصلیت $\frac{1}{R_{m2}}$

$$\frac{1}{R_{m2}} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}$$

ہے جبکہ صف کا تیسرا رکن دوسرے اور تیسرے جوڑ کے مابین موصلیت کے منفی $-\frac{1}{R_3}$ کے برابر ہے۔ قالب کا تیسرا صف بھی اسی طرح حاصل کیا جا سکتا ہے۔ قالبی مساوات میں دائیں ہاتھ قالب دو⁴ کے ارکان بالترتیب پہلے، دوسرے اور تیسرے جوڑ پر جڑے منبع رو سے جوڑ میں داخل ہوتی رو ہے۔ منبع رو کی غیر موجودگی میں قالب کے رکن کو صفر لکھا جاتا ہے۔ کسی بھی جوڑ پر ایک سے زیادہ منبع رو کی صورت میں جوڑ پر مجموعی داخلی رو، قالب کی رکن ہو گی۔ پہلی جوڑ پر منبع کی رو i_A ہے جو جوڑ سے خارجی جانب ہے لہذا اسے قالب رو میں $-i_A$ لکھا گیا ہے۔ دوسرے جوڑ پر کوئی منبع رو نسب نہیں لہذا قالب کا دوسرا رکن صفر ہے۔ تیسرے جوڑ پر منبع i_B کی رو جوڑ میں داخل ہوتی ہے لہذا قالب رو کا تیسرا رکن i_B ہے۔

ان معلومات کی مدد سے مزاحمت اور منبع رو پر مبنی $J + 1$ جوڑ کے دور کی قالبی مساوات دور کو دیکھ کر درج ذیل صورت میں لکھی جاسکتی ہے

$$(3.25) \quad \begin{bmatrix} +G_{11} & -G_{12} & -G_{13} & \cdots & -G_{1J} \\ -G_{21} & +G_{22} & -G_{23} & \cdots & -G_{2J} \\ -G_{31} & -G_{32} & +G_{33} & \cdots & -G_{3J} \\ \vdots & & & & \\ -G_{J1} & -G_{J2} & -G_{J3} & \cdots & +G_{JJ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ \vdots \\ v_J \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ \vdots \\ I_J \end{bmatrix}$$

جہاں G_{nm} سے مراد جوڑ n کے ساتھ منسلک تمام مزاحمتوں کی مساوی متوازی موصلیت جبکہ G_{nm} سے مراد جوڑ n اور m کے مابین مزاحمت کی موصلیت ہے۔ یہ مساوات لکھتے ہوئے جوڑ $J + 1$ کو زمین چنا گیا ہے۔ اگر جوڑ n اور جوڑ m کے مابین مزاحمت R_{nm} جڑی ہو تب جوڑ m اور جوڑ n کے مابین بھی یہی مزاحمت جڑی ہو گی لہذا آپ دیکھ سکتے ہیں کہ

$$(3.26) \quad G_{nm} = G_{mn}$$

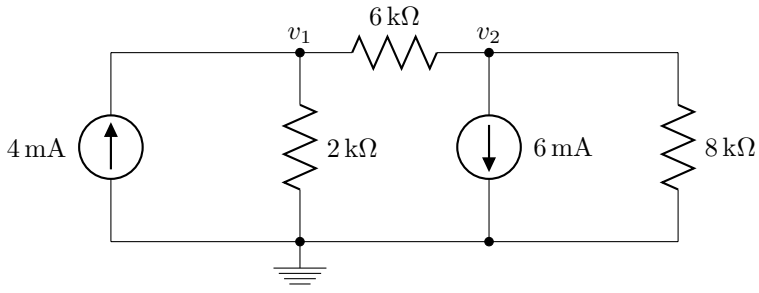
ہو گا اور یوں مساوات 3.25 کو درج ذیل صورت میں لکھا جاسکتا ہے

$$(3.27) \quad \begin{bmatrix} +G_{11} & -G_{12} & -G_{13} & \cdots & -G_{1J} \\ -G_{12} & +G_{22} & -G_{23} & \cdots & -G_{2J} \\ -G_{13} & -G_{23} & +G_{33} & \cdots & -G_{3J} \\ \vdots & & & & \\ -G_{1J} & -G_{2J} & -G_{3J} & \cdots & +G_{JJ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ \vdots \\ v_J \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ \vdots \\ I_J \end{bmatrix}$$

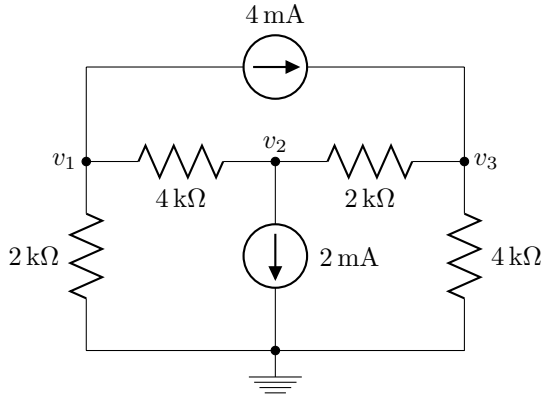
جس میں G کا قالب تشکل ہے۔

مشق 3.1: شکل 3.6 میں v_1 اور v_2 پر کرخوف قانون رو کے مساوات لکھتے ہوئے دور کی قالبی مساوات حاصل کریں۔ قالبی مساوات حل کرتے ہوئے نامعلوم دباؤ دریافت کریں۔

جوابات: $v_2 = -20 \text{ V}$ ، $v_1 = 1 \text{ V}$



شکل 3.6: مشق 3.1 کا دور۔



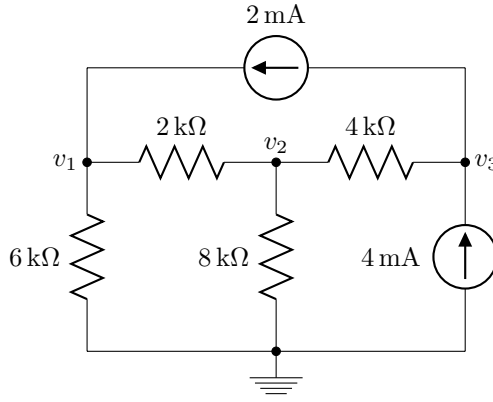
شکل 3.7: مشق 3.2 کا دور۔

مشق 3.2: شکل 3.7 کی قلابی مساوات لکھتے ہوئے نامعلوم دباؤ حاصل کریں۔

جوابات: $v_3 = 4 \text{ V}$ ، $v_2 = -2 \text{ V}$ ، $v_1 = -6 \text{ V}$

مشق 3.3: شکل 3.8 کی قلابی مساوات لکھتے ہوئے نامعلوم دباؤ حاصل کریں۔

جوابات: $v_3 = 22 \text{ V}$ ، $v_2 = 14 \text{ V}$ ، $v_1 = 13.5 \text{ V}$



شکل 3.8: مشق 3.3 کا دور۔

3.3 تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار

گزشتہ حصے میں ہم نے دیکھا کہ غیر تابع منبع رو اور مزاحمتوں کے ادوار سے تشاکل قالب موصلیت حاصل ہوتے ہیں۔ شکل 3.9 میں تابع منبع رو استعمال کی گئی ہے۔ ہم دیکھیں گے کہ اس کا G قالب غیر تشاکل ہو گا۔ اس دور کے تین جوڑوں سے درج ذیل لکھا جاسکتا ہے

$$\begin{aligned} -\beta i_0 + \frac{v_1}{R_1} + \frac{v_1 - v_2}{R_2} &= 0 \\ \frac{v_2 - v_1}{R_2} - i_A + \frac{v_2 - v_3}{R_4} &= 0 \\ \frac{v_3}{R_3} + \beta i_0 + \frac{v_3 - v_2}{R_4} &= 0 \end{aligned} \quad (3.28)$$

جہاں

$$i_0 = \frac{v_1}{R_1} \quad (3.29)$$

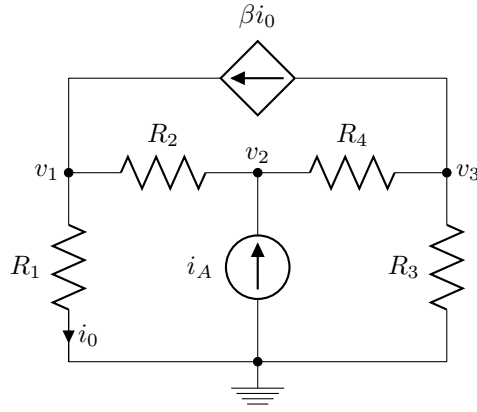
کے برابر ہے۔ مساوات 3.28 میں مساوات 3.29 پُر کرتے اور ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے

$$\begin{aligned} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} - \frac{\beta}{R_1} \right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} &= 0 \\ -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} \right) v_2 - \frac{v_3}{R_4} &= i_A \\ \frac{\beta}{R_1} v_1 - \frac{v_2}{R_4} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) v_3 &= 0 \end{aligned} \quad (3.30)$$

جسے قالبی صورت میں لکھتے ہیں۔

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} - \frac{\beta}{R_1} & -\frac{1}{R_2} & 0 \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} & -\frac{1}{R_4} \\ \frac{\beta}{R_1} & -\frac{1}{R_4} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ i_A \\ 0 \end{bmatrix} \quad (3.31)$$

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ G قالب غیر تشاکل ہے۔



شکل 3.9: تابع منبع رو سے غیر تشاکل قالب موصلیت حاصل ہوتا ہے۔

مثال 3.3: شکل 3.9 میں تمام جوڑ پر برقی دباؤ حاصل کریں۔ معلومات درج ذیل ہیں۔

$$R_1 = 2 \text{ k}\Omega, \quad R_2 = 4 \text{ k}\Omega, \quad R_3 = 1 \text{ k}\Omega, \quad R_4 = 2 \text{ k}\Omega, \quad i_A = 10 \text{ mA}, \quad \beta = 4$$

حل: درج بالا معلومات کو مساوات 3.31 میں پُر کرتے ہیں۔

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{2000} + \frac{1}{4000} - \frac{4}{2000} & -\frac{1}{4000} & 0 \\ -\frac{1}{4000} & \frac{1}{4000} + \frac{1}{2000} & -\frac{1}{2000} \\ \frac{\beta}{2000} & -\frac{1}{2000} & \frac{1}{1000} + \frac{1}{2000} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.01 \\ 0 \end{bmatrix}$$

اس قالبی مساوات کو حل کرتے ہوئے اور یاتینوں ہمزاد مساوات کو کسی بھی طریقے سے حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$v_1 = -4 \text{ V}$$

$$v_2 = 20 \text{ V}$$

$$v_3 = 12 \text{ V}$$

مثال 3.4: شکل 3.10 میں تمام نامعلوم دباؤ حاصل کریں۔ دیگر معلومات درج ذیل ہیں۔

$$R_1 = 4 \text{ k}\Omega, \quad R_2 = 8 \text{ k}\Omega, \quad R_3 = 12 \text{ k}\Omega, \quad R_4 = 6 \text{ k}\Omega, \quad R_5 = 2 \text{ k}\Omega$$

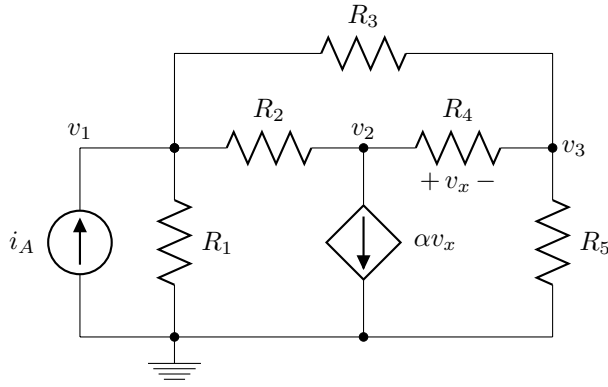
$$i_A = 1 \text{ mA}, \quad \alpha = 0.002$$

حل: تمام جوڑ پر خارجی رو تصور کرتے ہوئے مساوات لکھتے ہیں۔

$$\frac{v_1}{R_1} + \frac{v_1 - v_2}{R_2} + \frac{v_1 - v_3}{R_3} = i_A$$

$$\frac{v_2 - v_1}{R_2} + \alpha v_x + \frac{v_2 - v_3}{R_4} = 0$$

$$\frac{v_3 - v_1}{R_3} + \frac{v_3 - v_2}{R_4} + \frac{v_3}{R_5} = 0$$



شکل 3.10: مثال 3.4 کا دور۔

اس میں $v_x = v_2 - v_3$ پُر کرتے اور مساوات کے اجزاء کو ترتیب دیتے ہیں۔

$$\begin{aligned} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} &= i_A \\ -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \alpha + \frac{1}{R_4} \right) v_2 - \left(\alpha + \frac{1}{R_4} \right) v_3 &= 0 \\ -\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_4} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} \right) v_3 &= 0 \end{aligned}$$

دی گئی معلومات پُر کرتے ہیں

$$\begin{aligned} \left(\frac{1}{4000} + \frac{1}{8000} + \frac{1}{12000} \right) v_1 - \frac{v_2}{8000} - \frac{v_3}{12000} &= 0.001 \\ -\frac{v_1}{8000} + \left(\frac{1}{8000} + 0.002 + \frac{1}{6000} \right) v_2 - \left(0.002 + \frac{1}{6000} \right) v_3 &= 0 \\ -\frac{v_1}{12000} - \frac{v_2}{6000} + \left(\frac{1}{12000} + \frac{1}{6000} + \frac{1}{2000} \right) v_3 &= 0 \end{aligned}$$

تینوں ہمزاد مساواتوں کو 1000 سے ضرب دیتے ہوئے درج ذیل لکھا جاسکتا ہے۔

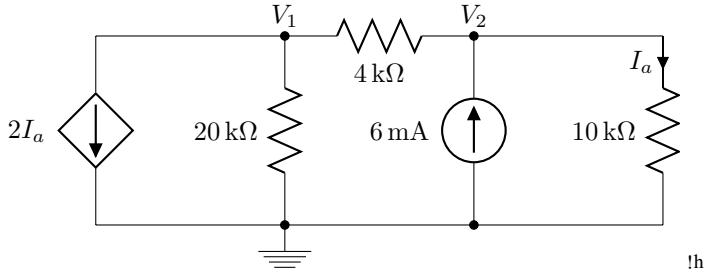
$$\begin{aligned} \frac{11v_1}{24} - \frac{v_2}{8} - \frac{v_3}{12} &= 1 \\ -\frac{v_1}{8} + \frac{55v_2}{24} - \frac{13v_3}{6} &= 0 \\ -\frac{v_1}{12} - \frac{v_2}{6} + \frac{3v_3}{4} &= 0 \end{aligned}$$

انہیں حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

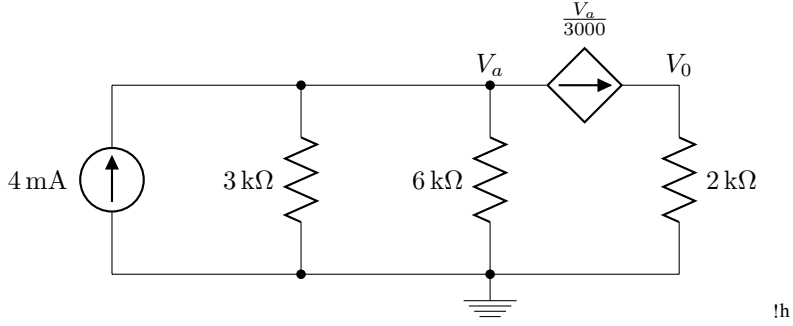
$$v_1 = 2.38 \text{ V}$$

$$v_2 = 0.48 \text{ V}$$

$$v_3 = 0.37 \text{ V}$$



شکل 3.11: مشق 3.4 کا دور۔

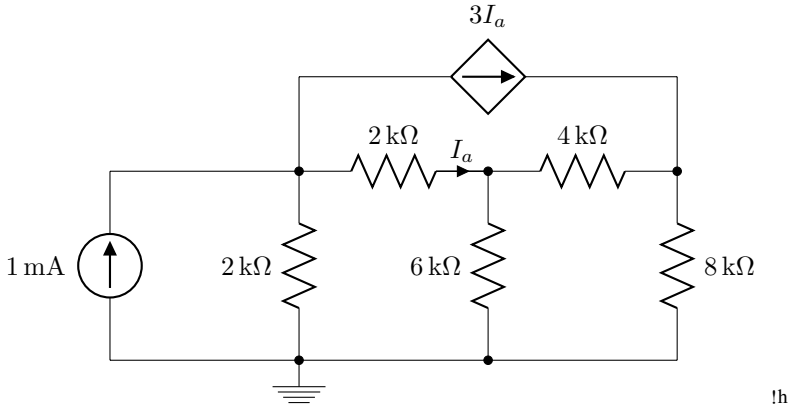


شکل 3.12: مشق 3.5 کا دور۔

مشق 3.4: شکل 3.11 میں نامعلوم دباؤ جوڑ V_1 اور V_2 دریافت کریں۔

مشق 3.5: شکل 3.12 میں نامعلوم دباؤ جوڑ V_0 دریافت کریں۔

مشق 3.6: شکل 3.13 میں نامعلوم دباؤ جوڑ V_0 دریافت کریں۔



شکل 3.13: مشق 3.6 کا دور۔

3.4 غیر تابع منبع دباو استعمال کرنے والے ادوار

گزشتہ حصوں کی طرح اس حصے کو بھی سادہ ترین مثال سے شروع کرتے ہیں۔ بعد میں بتدریج مشکل مثال پیش کئے جائیں گے۔ سب سے پہلے ایک مثال کی مدد سے ایسے دور پر غور کرتے ہیں جس میں غیر تابع منبع دباو کا ایک سرا برقی زمین کے ساتھ جڑا ہو۔ ایسے ادوار نسبتاً آسانی سے حل ہوتے ہیں۔

مثال 3.5: شکل 3.14-الف کے دور میں دو عدد غیر تابع منبع دباو استعمال کئے گئے ہیں۔ دونوں منبع زمین کے ساتھ جڑے ہیں۔ بالائی بائیں جوڑ 10 V منبع دباو کے مثبت سرے کے ساتھ جڑا ہے جبکہ بالائی دایاں جوڑ 20 V منبع دباو کے منفی سرے کے ساتھ جڑا ہے لہذا

$$V_1 = 10 \text{ V}$$

$$V_2 = -20 \text{ V}$$

ہیں۔ بالائی درمیانے جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مدد سے

$$\frac{V_2 - 10}{5000} + \frac{V_2}{10000} + \frac{V_2 - (-20)}{20000} = 0$$

لکھا جاسکتا ہے جس سے

$$V_2 = \frac{20}{7} \text{ V}$$

حاصل ہوتا ہے۔

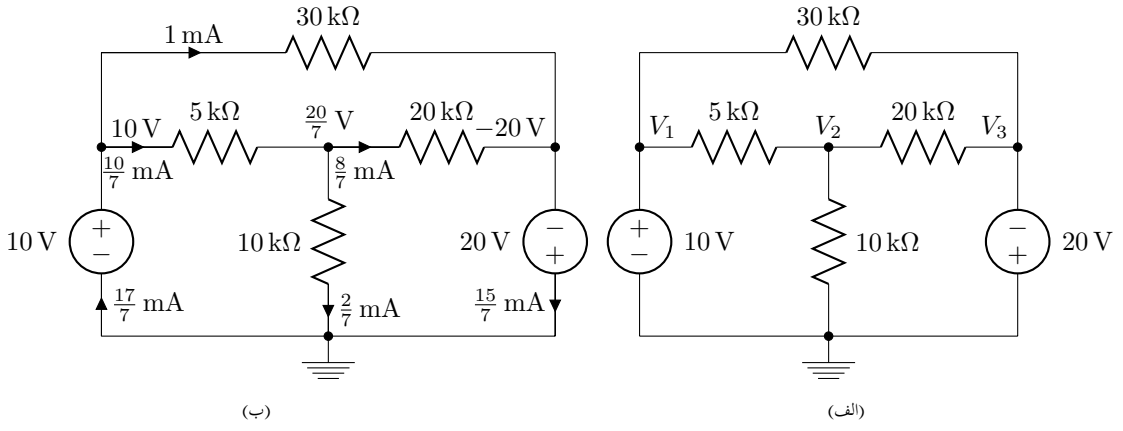
دباو جوڑ جاننے کے بعد تمام پرزوں میں رودریافت کی جاسکتی ہے۔ یوں بالترتیب 5 kΩ، 10 kΩ، 20 kΩ اور 30 kΩ کے مزاحمتوں میں اوہم کے قانون سے درج ذیل رو حاصل ہوتے ہیں

$$\frac{V_1 - V_2}{5000} = \frac{10 - \frac{20}{7}}{5000} = \frac{10}{7} \text{ mA}$$

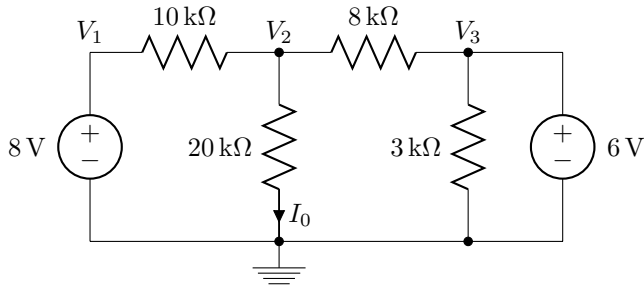
$$\frac{V_2}{10000} = \frac{\frac{20}{7}}{10000} = \frac{2}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_2 - V_3}{20000} = \frac{\frac{20}{7} - (-20)}{20000} = \frac{8}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_1 - V_3}{30000} = \frac{10 - (-20)}{30000} = 1 \text{ mA}$$



شکل 3.14: مثال 3.5 کا دور۔



شکل 3.15: مشق 3.7 کا دور۔

جہاں تمام رو کی سمتیں بائیں سے دائیں جانب ہیں۔ جوڑ V_1 پر کرنخوف قانون رو سے 10 V منبع کی خارجی رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

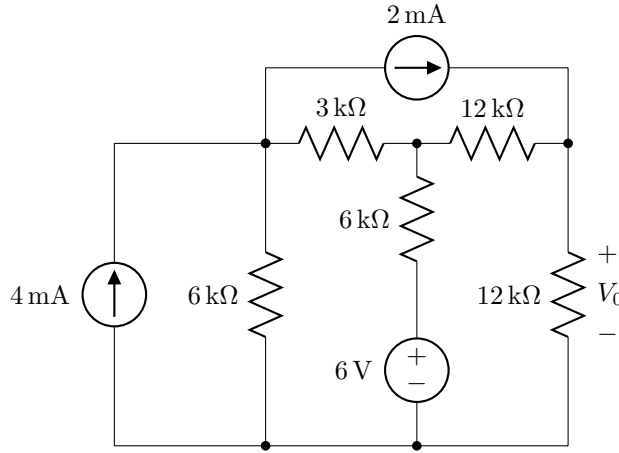
$$I_{10\text{V}} = \frac{10}{7} \text{ mA} + 1 \text{ mA} = \frac{17}{7} \text{ mA}$$

اسی طرح دائیں منبع دباؤ کے منفی سرے پر داخلی رو یا مثبت سرے سے خارجی رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$I_{20\text{V}} = \frac{8}{7} \text{ mA} + 1 \text{ mA} = \frac{15}{7} \text{ mA}$$

حاصل کردہ تمام رو کو شکل 3.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔

مشق 3.7: شکل 3.15 میں I_0 حاصل کریں۔



شکل 3.16: مشق 3.8 کا دور۔

مشق 3.8: شکل 3.16 میں V_0 دریافت کریں۔ یاد رہے کہ آپ کسی بھی جوڑ کو برقی زمین چن سکتے ہیں۔

آئیں اب ایسے دور کو حل کریں جس میں منبع دباؤ برقی زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے درمیان جڑا ہو۔

مثال 3.6: شکل 3.17 میں 10 V کا منبع دباؤ زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے درمیان نسب ہے۔ گزشتہ تمام مثالوں میں جوڑ پر رو یا تو منبع رو سے اخذ کی جاسکتیں تھیں اور یا انہیں مزاحمتی شاخ پر قانون اوہم لاگو کرتے ہوئے اخذ کیا جاسکتا تھا۔ موجودہ شکل میں جوڑ V_1 اور V_2 کے درمیان نہ تو منبع رو نسب ہے اور نہ ہی مزاحمت لہذا گزشتہ ترکیب یہاں قابل استعمال نہیں ہیں۔ آپ سے گزارش ہے کہ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ دس وولٹ منبع دباؤ کی رو گزشتہ ترکیبوں سے دریافت نہیں کی جاسکتی۔

اب منبع دباؤ کی رو ہم نہ تو جانتے ہیں اور نہ ہی اسے کسی مساوات سے ظاہر کر سکتے ہیں لہذا جوڑ V_1 اور V_2 پر کرخوف قانون رو کے مساوات لکھنا ممکن نہیں ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ I متغیرات معلوم کرنے کی خاطر I ہمزاد مساوات درکار ہیں۔ آئیں دیکھیں کہ جوڑ V_1 اور V_2 پر کرخوف قانون رو نہ لکھ پانے کے باوجود ہم اتنی تعداد میں مساوات کس طرح لکھ پائیں گے۔

شکل 3.17-الف کو دیکھ کر

$$(3.32) \quad V_2 - V_1 = 10$$

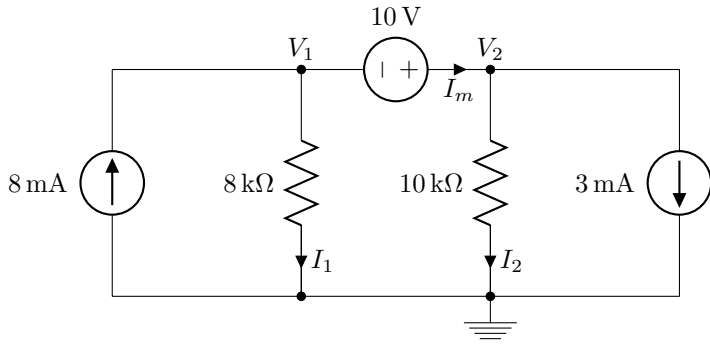
لکھا جاسکتا ہے۔ اس کے علاوہ اسی شکل میں دکھائے شاخوں کے برقی رو استعمال کرتے ہوئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$(3.33) \quad -8 \text{ mA} + I_1 + I_m = 0$$

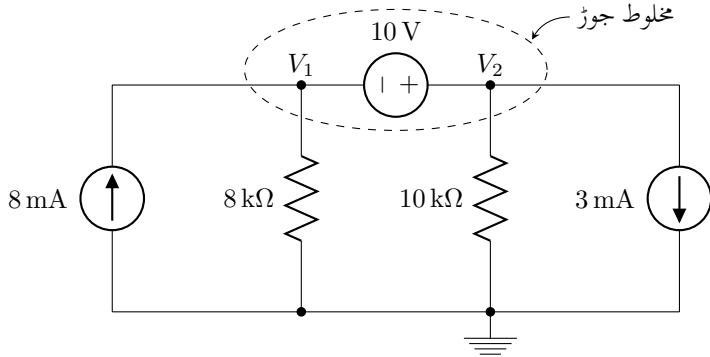
$$(3.34) \quad -I_m + I_2 + 3 \text{ mA} = 0$$

مساوات 3.33 اور مساوات 3.34 کے مجموعہ

$$(3.35) \quad -5 \text{ mA} + I_1 + I_2 = 0$$



(الف)



(ب)

شکل 3.17: مثال 3.6 کا دور۔

میں قانون اوہم کے استعمال سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(3.36) \quad -8 \text{ mA} + \frac{V_1}{8 \text{ k}\Omega} + \frac{V_2}{10 \text{ k}\Omega} + 3 \text{ mA} = 0$$

مساوات 3.32 اور مساوات 3.36 درکار ہمزاد مساوات ہیں جنہیں حل کرنے سے

$$V_1 = 240 \text{ V}$$

$$V_2 = 250 \text{ V}$$

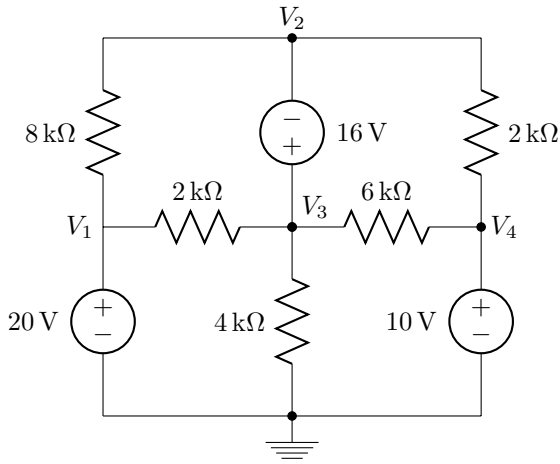
حاصل ہوتے ہیں۔

ہم پہلے دیکھ چکے ہیں کہ کسی بھی جوڑ پر کرخوف قانون رو لکھتے ہوئے تمام مزاحمتی شاخوں میں رو کی سمت خارجی تصور کی جاسکتی ہے۔ یہاں اس بات کا خیال رکھنا ضروری ہے کہ دو جوڑوں کے مابین نسب منبع دباؤ کی رو کو دونوں جوڑوں پر خارجی تصور نہیں کیا جاسکتا۔ منبع دباؤ کے رو کی کوئی بھی سمت چننے کے بعد دونوں جوڑوں پر کرخوف قانون رو لکھتے ہوئے منبع دباؤ کے رو کی سمت چنی گئی سمت ہی تصور کی جائے گی۔

مساوات 3.36 کے حصول میں ہمیں مساوات 3.33، مساوات 3.34 اور مساوات 3.35 بھی لکھنے پڑھ گئے۔ آئیں ان اضافی مساوات کے لکھنے سے چھکارا حاصل کریں۔

شکل 3.17-ب میں زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے مابین نسب منبع دباؤ کے گرد نقطہ دار دائرہ کھینچا گیا ہے۔ اس بند دائرے کو مخلوط جوڑ⁵ کہا جاتا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ کرخوف قانون رو بند دائرے پر بھی لاگو ہوتا ہے لہذا اس بند دائرے میں مجموعی داخلی رو اور مجموعی خارجی رو برابر ہوں گے۔ شکل-ب میں مخلوط جوڑ سے تمام مزاحمتی شاخوں کے رو کی سمت خارجی تصور کرتے ہوئے

$$(3.37) \quad -8 \text{ mA} + \frac{V_1}{8 \text{ k}\Omega} + \frac{V_2}{10 \text{ k}\Omega} + 3 \text{ mA} = 0$$



شکل 3.18

لکھا جاسکتا ہے جو مساوات 3.36 ہی ہے۔ یاد رہے کہ دور حل کرنے کی خاطر مخلوط جوڑ کے دونوں جانب دباؤ کا تعلق

(3.38)

$$V_2 - V_1 = 10$$

بھی درکار ہے۔

مثال 3.7:

