برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/(a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا ر قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	(```	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								ىلە دا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•				او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								مليه وا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	زراز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(تعمار	والمع	د با	\dot{c}	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی) برق گیراو	6
ر من بر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر میں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہو		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعادی اداماله کیر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۰ میں اور در میں میں ہوتات کی میں میں تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

عـــنوان V

295																													(.1		£	. [μ	۶		7	2 1				
321																																								7.3		
328																																								7.4		
320	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	١١.	ن اد و	زود (۱۰	,	/ . 1		
359																																					ق ر و	ت بر ^ل	مالر	برقراره		8
359																																					عد اد	مخلوط ا	•	8.1		
364																																								8.2		
373																																								8.3		
381																																								8.4		
386	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	تعا	٠.	٠,		٠,	٠, .		٠	•		•	٠ . د	; " "	-	دور ی	,	8.5		
386	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	U	(ی	Ů	ور	ي د	<i>ا</i> اد	ء ا س	<u>'</u> _,	ابير	برن	ور	يرا	اله	ت،ا،	نزاحمه •	•			
396																																								8.6		
409																																								8.7		
419																																								8.8		
424	•																									•						•			. •	يب	ا تراک	تجزياني	7	8.9)	
																																							=			_
443																																								برقرار		9
443																																								9.1		
446 453	•														•											•				٠		:				. •	ماقت	وسطه	1	9.2		
																																								9.3		
463																																								9.4		
472																																					قت	جزوطا	•	9.5		
476																																					ماقت	مخلوطه	•	9.6)	
484																																								9.7	,	
489																																								9.8		
491																																								9.9)	
492																																								9.10		
497																																			- 1					0.11		
49/	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	<i>/</i>) مداه	تفا د		9.11		
499																																					4	د ن	7	مقناطيسح	. 1	Λ
499																																										U
517	•	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	•	•	∻	•	· 	•	^	یہ امالہ سنا	مستر ا مندسر		10.1		
523	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	J	ارم	إكسفا	کا حل تر	í	10.3		
547																																						٠٠	. /	تين د ور	. 1	1
.,																																										. 1
547																																		•			_	-				
553																																										
561																																										
566																																					وجھ	نكونى!	•	11.4		
571																																										
580																																		کی	ر څ	کی	قت	جزوطا		11.6		

585	12 تعددى ردعمل
596	12.1 جال
598	12.2 صفراور قطب

عـــنوان

باب12

تعددى ردعمل

گزشتہ بابوں میں ہم RLC ادوار کو حل کر چکے ہیں جہاں تعدد غیر متغیر تھی۔اس باب میں تعدد تبدیل کرتے ہوئے ادوار کارد عمل بالمقابل تعدد دیوا جائے گا۔آئیں شروع میں سادہ ترین پرزوں کا تعدد کی رد عمل دیکھیں۔سادہ ترین پرزے مزاحمت، امالہ اور برق گیر ہیں۔تعدد کی رد عمل دیکھتے ہوئے سائن نمااشارات زیر استعال لائے جائیں گے۔

شکل 12.1-الف میں مزاحت د کھایا گیا ہے۔مزاحت کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.1) Z_R = R/0^\circ$$

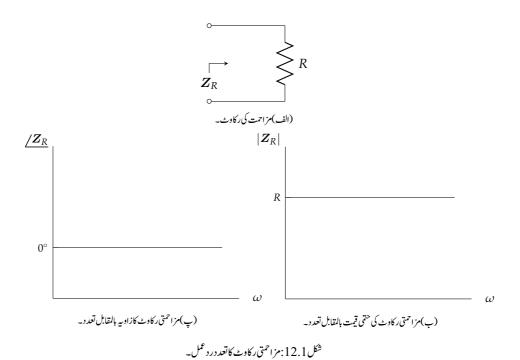
یوں مزاحمت کی رکاوٹ پر تعدد ω کا کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ مزاحمت کے رکاوٹ کی حتمی قیمت $|Z_R|$ تمام تعدد پر صفر درجے رہتا ہے۔ یہ حقائق شکل 12.1-ب اور شکل R کے برابر ہے جبکہ اس کا زاویائی ہٹاو R تعدد پر صفر درجے رہتا ہے۔ یہ حقائق شکل 12.1-ب اور شکل R 12.1-ب اور شکل R 12.1-ب میں دکھائے گئے ہیں۔

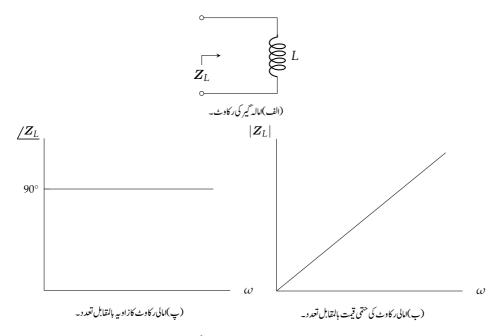
امالہ گیر کو شکل 12.2-الف میں و کھایا گیا ہے۔امالہ گیر کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.2) Z_L = j\omega L = \omega L/90^{\circ}$$

اس طرح امالہ گیر کے رکاوٹ کی حتی قیمت تعدد بڑھانے سے بڑھتی ہے۔رکاوٹ کی مقدار کا تعدد کے ساتھ راست تنابی رشتہ ہے۔

$$|\mathbf{Z}_L| = \omega L$$





شكل 12.2: امالى ر كاوٹ كاتعد در دغمل ـ

صفر تعدد پر اماله گیر کی رکاوٹ ΩΩ ہو جاتی ہے اور بیہ قصر دور خاصیت رکھتا ہے جبکہ لا متناہی تعدد پر رکاوٹ کی مقدار لا متناہی ہو جاتی ہے اور اماله گیر بطور کھلا دور عمل کرتا ہے۔امالی رکاوٹ کا زاویہ تمام تعدد پر °90 رہتا ہے۔

(12.4)
$$/\mathbf{Z}_{L} = 90^{\circ}$$

شكل 12.2-ب اور شكل 12.2-پ ميں ان حقائق كو د كھايا گيا ہے۔

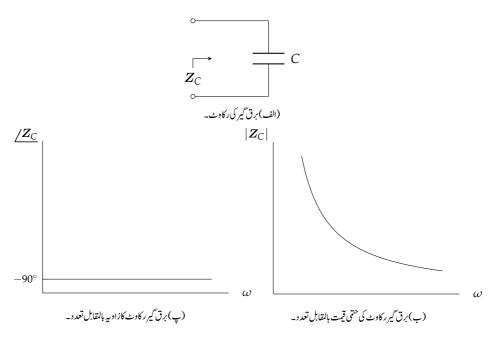
برق گیر کوشکل 12.3-الف میں دکھایا گیا ہے۔ برق گیر کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.5) Z_C = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{\omega C} / -90^\circ$$

اس طرح برق گیر کے رکاوٹ کی مقدار کا تعدد کے ساتھ بالعکس متناسب کارشتہ ہے جبکہ اس کا زاویہ تمام تعدد پر °90– رہتا ہے۔

$$|\mathbf{Z}_{\mathsf{C}}| = \frac{1}{\omega \mathsf{C}}$$

$$(12.7) bZ_{\underline{C}} = -90^{\circ}$$

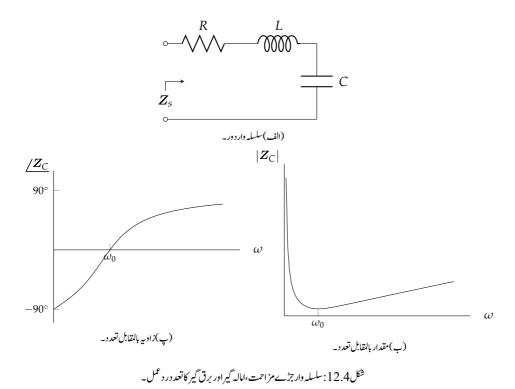


شكل 12.3: برق گيرر كاوٺ كاتعد در دعمل ـ

ان تعلقات کو شکل 12.3-ب اور شکل 12.3-پ میں دکھایا گیا ہے۔ صفر تعدد پر برق گیر کی رکاوٹ لا متناہی ہو جاتی ہے۔ لہذا میہ بطور کھلا دور عمل کرتا ہے جبکہ لا متناہی تعدد پر رکاوٹ کی مقدار صفر ہو جاتی ہے اور میہ قصر دور کردار ادا کرتا ہے۔ سادہ ترین پرزوں کو نیٹانے کے بعد ذرہ مشکل ادوار دکھتے ہیں۔شکل میں مزاحمت، امالہ گیر اور برق گیر سلسلہ وار جڑے دکھائے گئے ہیں۔ان کی کل رکاوٹ چر کھتے ہیں

$$egin{align} oldsymbol{Z}_s &= oldsymbol{Z}_R + oldsymbol{Z}_L + oldsymbol{Z}_C \ &= R + j\omega L + rac{1}{j\omega C} \ &= R + j\left(\omega L - rac{1}{\omega C}
ight) \ &= R + j\left(\omega L - rac{1}{\omega C}
ight) \ &= -12.4$$
اس نفاعل کو شکل 12.4 - ب اور شکل 12.4 - پیس د کھایا گیا ہے۔

مثال 12.1: شکل 12.5-الف میں مزاحت پر دباو حاصل کریں۔اس کے مقدار بالمقابل تعدد اور زاویہ بالمقابل تعدد کے



با__12. تعددي روغمسل

خط کیجیں۔

حل: دور سے مزاحمت کا دباو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{V}_R = \frac{(4)(20\underline{/0^\circ})}{4 + j(2\pi f 0.15 - \frac{1}{2\pi f 0.004})}$$

جو مخلوط نفاعل ہے۔اس کی حتمی مقدار \hat{V}_R بالمقابل تعدد f کو شکل۔ب میں دکھایا گیا ہے۔اس ترسیم میں دونوں محور کی پیائش لاگ 1 میں ہے۔اس طرز کے ترسیم کو لاگ لاگ 2 ترسیم کہا جاتا ہے۔مقدار بالمقابل تعدد کے خط عموماً لاگ V_R بالمقابل تعدد کو شکل۔پ میں نیم لاگ 3 محور پر دکھایا گیا ہے۔ کم تعدد پر دباو کا زاویہ V_R جبکہ بلند تعدد پر زاویہ V_R ہے۔

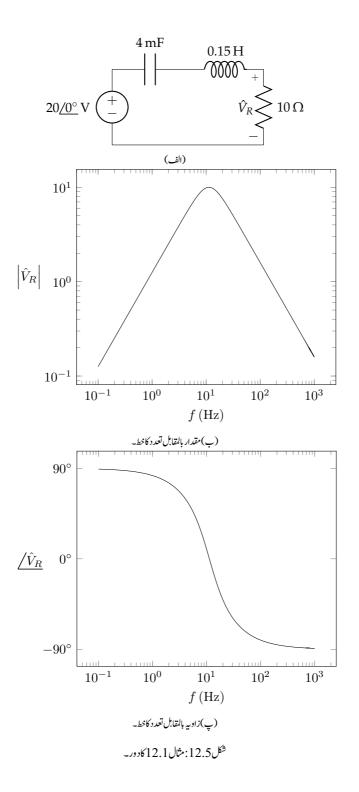
یہاں لاگ لاگ اور نیم لاگ محور پر قیمتیں پڑھنا سکھ لیس چونکہ اس باب میں انہیں کا استعال ہو گا۔یوں شکل 12.5-ب میں حتمی مقدار کی چوٹی 10¹ یعنی دس ہر ٹز پر پائی جاتی ہے۔یہ چوٹی 10¹ یعنی دس وولٹ کو ظاہر کرتی ہے۔اس طرح 10² Hz یعنی سوہر ٹز پر دباو تقریباً 1.6 V ہے۔

سمعی 4 اشارات کو عددی صورت 5 میں تبدیل کرتے ہوئے کمپیوٹر میں ذخیرہ کیا جاتا ہے۔ انہیں کو دوبارہ مماثل صورت 6 میں تبدیل کرتے ہوئے سنا جا سکتا ہے۔ آئیں ان اشارات پر ایک مثال دیکھیں۔

کمپیوٹر سے حاصل موسیقی کے مماثلی اشارات کی چوٹی $1.5\,\mathrm{V}$ ہے۔ ہم چاہتے ہیں کہ سمعی دباو ایمپلیفائو 7 استعال کرتے ہوئے Ω 8 Ω کے سپیکو 8 کو VOW طاقت فراہم کی جائے۔ان حقاکق سے ایمپلیفائر کے داخلی مماثل اشارہ کی موثر قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$v_m = \frac{1.5}{\sqrt{2}} = 1.061 \,\text{V rms}$$

log-log²
semilog³
audio⁴
digital form⁵
analog form⁶
voltage amplifier⁷
loud speaker⁸



باب<u>.</u>12. تعبد دي ارد عمس ال

طاقت کے کلیے $P=rac{V_{
m rms}^2}{R}$ سے آٹھ او ہم کے سپیکر کو دس واٹ طاقت کے لئے درکار موثر دباو حاصل کرتے ہیں۔ $v_0=\sqrt{(10)(8)}=8.944\,{
m V\,rms}$

یوں ایمپلیفائر کی در کار افٹرائش دباو درج ذیل ہے۔

$$A_v = \frac{v_0}{v_m} = \frac{8.944}{1.061} = 8.43 \,\mathrm{V} \,\mathrm{V}^{-1}$$

 $A_v = 10.6$ شکل 12.6 الف میں ایمپلیفائر اور سپیکر دکھائے گئے ہیں جہاں v_m کمپیوٹر سے حاصل مماثل سمعی اشارہ ہے اور v_m 10.53 V V تعددی v_m 10.53 V V تا 10.53 V کے سمعی اشارات من سکتا ہے لہٰذا ہمارے ایمپلیفائر کو اس تعددی پٹی و کے اشارات کا حیطہ بڑھاتے ہوئے اصل آواز کی خاصیت تبدیل نہیں ہونی چاہیے۔ اگر پوری تعددی پٹی پر اکمپلیفائر کی افغرائش کی قیمت بکساں ہو تب آواز کی خاصیت بر قرار رہے گی۔ یوں ہم چاہیں گے 20 KHz تا 20 Hz پٹی ایمپلیفائر کی افغرائش بالقابل تعددی خط کو شکل - پ میں دکھایا گیا ہے۔ پر ایمپلیفائر کی افغرائش بالقابل تعددی خط کو شکل - پ میں دکھایا گیا ہے۔

برق گیر کی رکاوٹ $Z_C = \frac{1}{i\omega C}$ کھی جاتی ہے جس میں $i\omega = s$ پر کرتے ہوئے $i\omega = s$ کھا جا سکتا ہے۔ ایسا ہی کرتے ہوئے ایمپلیفائر کو دوبارہ شکل پ میں وکھایا گیا ہے۔ آپ میں سے پچھ طلبہ $i\omega$ کو پیچان گئے ہوں گے۔ یہ لاپلاس بدل $i\omega$ کا متغیرہ ہے۔

آئیں شکل-ب کو حل کریں۔داخلی جانب بالائی جوڑ پر کرخوف مساوات رو کھتے ہیں

$$\frac{v_i - v_m}{R_m} + sC_iv_i + \frac{v_i}{R_i} = 0$$

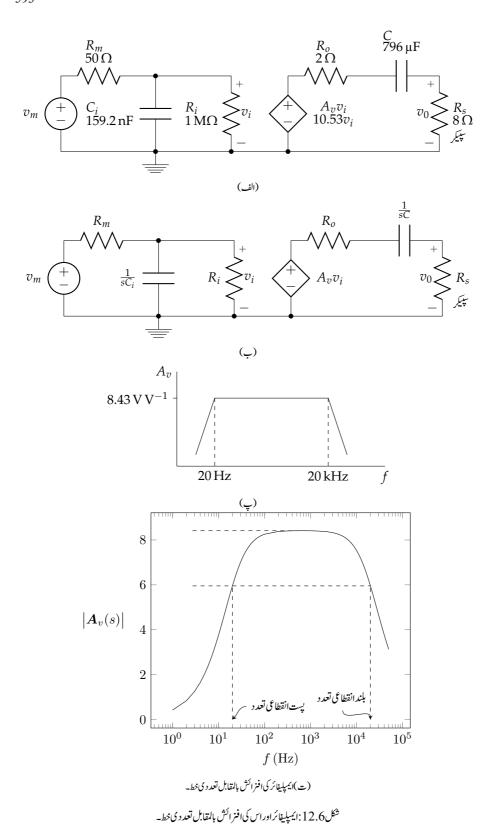
جس کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_i\left(\frac{1}{R_m} + sC_i + \frac{1}{R_i}\right) = \frac{v_m}{R_m}$$

اس میں قوسین کے اندر مزاحمتوں کو قریب قریب کھتے ہوئے v_i کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$v_i = \frac{v_m}{R_m \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i} + sC_i\right)}$$

frequency band⁹ Laplace transform¹⁰



ىا__12. تىسەدى دوغمسل 594

شکل 12.6-ب کے دائیں جانب تقسیم دباو کے کلیے سے v_0 کلھتے ہیں۔

$$v_0 = \frac{A_v v_i R_s}{R_o + R_s + \frac{1}{sC}}$$

اس میں v_i کی قیمت پر کرتے ہیں

$$\begin{split} v_{0} &= \left(\frac{A_{v}R_{s}}{R_{o} + R_{s} + \frac{1}{sC}}\right) \frac{v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}} + sC_{i}\right)} \\ &= \left[\frac{sCR_{s}A_{v}}{1 + sC(R_{o} + R_{s})}\right] \frac{v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}\right) \left(1 + \frac{sC_{i}}{\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}}\right)} \\ &= \frac{R_{s}A_{v}v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}\right)} \left[\frac{sC}{1 + sC(R_{o} + R_{s})}\right] \frac{1}{\left(1 + \frac{sC_{i}}{\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}}\right)} \end{split}$$

جہاں دوسری قدم پر دائیں مجلی قوسین سے $\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i}$ بہر نکالا گیا اور تیسری قدم پر اسی کو پہلی قوسین کا حصہ بنایا گیا۔اس مساوات میں

$$\omega_{p1} = \frac{1}{C(R_o + R_s)}$$
$$\omega_{p2} = \frac{1}{C_i} \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i} \right)$$

کھتے ہوئے درج ذیل صاف ستھرا مساوات حاصل ہوتا ہے جہاں ω_{p1} اور ω_{p2} مساوات کے قطب 11 کہلاتے ہیں اور انہیں تعدد کی اکائی یعنی ہرٹز Hz یاریڈیئن فی سیکنڈ $\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ میں نایا جاتا ہے۔

(12.8)
$$\mathbf{A}_{v}(s) = \frac{v_0}{v_m} = \frac{R_s A_v}{R_m \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i}\right)} \frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{\omega_{p1}}\right) \left(1 + \frac{s}{\omega_{p2}}\right)}$$

 $pole^{11}$

$$\omega_{p1}=rac{1}{796 imes 10^{-6}(2+8)}=125.63\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$$

$$\omega_{p2}=rac{1}{159.2 imes 10^{-9}}\left(rac{1}{50}+rac{1}{1000000}
ight)=125.634\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$$

$$rac{R_sA_v}{R_m\left(rac{1}{R_m}+rac{1}{R_i}
ight)}=rac{8 imes 10.53}{50\left(rac{1}{50}+rac{1}{1000000}
ight)}pprox 84.2$$

یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.9)
$$A_{v}(s) = 84.2 \frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{125.63}\right) \left(1 + \frac{s}{125634}\right)}$$

$$-\frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{125.63}\right) \left(1 + \frac{s}{125634}\right)}$$

$$A_{v}(s) = 84.2 \frac{j2\pi f \times 796 \times 10^{-6}}{\left(1 + \frac{j2\pi f}{125.63}\right) \left(1 + \frac{j2\pi f}{125634}\right)}$$

$$= \frac{j0.421f}{\left(1 + \frac{jf}{20}\right) \left(1 + \frac{jf}{20000}\right)}$$

$$-\frac{j0.421f}{\left(1 + \frac{jf}{20}\right) \left(1 + \frac{jf}{20000}\right)}$$

$$|A_{v}(s)| = \frac{0.421f}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{20}\right)^{2}} \sqrt{1 + \left(\frac{f}{20000}\right)^{2}}}$$

شکل-ب میں $20\,\mathrm{Hz}$ کو پست انقطاعی تعدد 12 اور $20\,\mathrm{kHz}$ کو بلند انقطاعی تعدد 13 کی تعدد 14 کی تعدد 14 کی تعدد 14 کی تعدد 14 کی تعدد

شکل 12.6-ت میں انقطاعی تعدد کے مابین درمیانی تعدد خطے 15 میں ایمپلیفائر کی افنرائش 8.41 V V - بے جو ہمیں درکار تھی۔اس کو درمیانی تعدد پر افنرائش کہتے ہیں۔البتہ انقطاعی تعدد کے قریب ایمپلیفائر کی افنرائش گھٹ جاتی

low cut-off frequency¹²

high cut-off frequency¹³

corner frequencies¹⁴

mid-frequency range¹⁵

با___12. تعبد دې د د عمسل 596

ہے۔ یوں بیت اور بلند انقطاعی تعدد پر افغرائش V^{-1} 5.95 V ہے۔ جس تعدد پر افغرائش کی قیت در میانی تعدد کے افنرائش کے $\frac{1}{\sqrt{2}}$ گنارہ جاتی ہے اس کو انقطاعی تعدد کہتے ہیں۔ چونکہ طاقت $P=rac{V_{
m rms}^2}{\sqrt{2}}$ کے برابر ہے لہذا دباو کی قیت $\frac{1}{\sqrt{2}}$ گنا ہو جانے سے طاقت کی قیمت نصف ہو جاتی ہے۔ یوں انقطاعی تعدد اس تعدد کو کہتے ہیں جس پر اشارے کی 8.4 imes 1 گنا 0.4 imes 1 طاقت نصف رہ جاتی ہے۔ ہمارے ایمپلیفائر کی در میانی تعدد پر افزائش $\frac{1}{\sqrt{2}} = 5.95 \,\mathrm{V} \,\mathrm{V}^{-1}$

حقیقت میں یرزوں کی قیمتیں یوں رکھی جائیں گی کہ پت انقطاعی تعدد 20 Hz سے کئی گنا کم ہو اور اسی طرح بلند انقطاعی تعدد 20 kHz سے کئی گنا زیادہ ہو۔ یوں حقیقی ایمیلیغائر میں آپ انقطاعی تعدد کو 2 Hz اور 200 kHz ر کھیں گے تا کہ پوری تعددی پٹی پر ایمیلیفائر سے در کار افنر اکش میسر ہو۔

> مساوات 12.10 میں در ممانی تعددی پٹی پر انقطاعی تعدد سے دور تعدد $20 \,\mathrm{Hz} \ll f \ll 20\,000 \,\mathrm{Hz}$

 $1+rac{jf}{20}=rac{jf}{20}$ اور $1=rac{f}{20}\gg 1$ ہو گا۔ یوں مساوات 12.10 کے بائیں قوسین میں $\frac{f}{20000}\ll 1$ اور دائیں قوسین میں $1+rac{jf}{20000}=1$ کصتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے جو در میانی تعدد پر افٹر اکش ہے۔

$$\mathbf{A}_v(s) pprox rac{j0.421f}{\left(rac{jf}{20}
ight)(1)} = 8.42$$
 (20 Hz $\ll f \ll 20$ kHz)

12.1

کسی بھی دور میں متعدد پرزے اور تاریائے جاتے ہیں جسے پرزوں اور تاروں کا حال تصور کیا جا سکتا ہے۔یوں دور کو بوقی جال یا صرف جال 16 بھی کہا جاتا ہے۔ گزشتہ جھے میں ایمیلیفائر کی افغرائش دیاو ($A_n(s)$ کی بات کی گئی جو حال کے مختلف تفاعل H(s) میں سے ایک ہے۔ حال میں کسی مقام پر ردعمل اور داخلی اشارے کی تناسب کو H(s) کھھا جاتا ہے۔ چونکہ حال میں عموماً روعمل کو اس مقام پر نہیں نایا جاتا جس پر داخلی اشارہ لا گو کیا گیا ہو للذا (K کو تبادیی تفاعل¹⁷ کہا جاتا ہے۔ داخلی اشارہ دیاویارو کا ہو سکتا ہے۔اسی طرح ردعمل بھی دیاویارو کی صورت میں ممکن ہے لہذا تبادلی تفاعل کے جار اقسام مکنہ پائے جاتے ہیں جنہیں حدول 12.1 میں پیش کیا گیا ہے۔

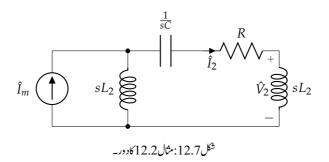
network¹⁶

 $transfer\ function^{17}$

12.1 بال

جدول 12.1: جال کے تبادلی تفاعل

علامت	تباولى تفاعل	خارجی	داخلی
$A_v(s)$	افنرائش دباو	وباو	د باو
$A_i(s)$	افنرائش رو	رو	رو
$A_g(s)$	موصل نماا فنرائش	رو	د باو
$\mathbf{A}_r(s)$	د باونماافنرائش	د باو	رو



مثال 12.2 شكل 12.7 مين تبادلي تفاعل
$$A_i(s) = \frac{\hat{l}_2}{\hat{l}_m}$$
 اور $A_i(s) = \frac{\hat{v}_2}{\hat{l}_m}$ عاصل كرين. 12.2 مثال $A_i(s) = \frac{\hat{v}_2}{\hat{l}_m}$ عاصل $A_i(s) = \frac{1}{sL_1} \hat{l}_m$ عاصل $\hat{l}_2 = \frac{sL_1\hat{l}_m}{sL_1 + \frac{1}{sC} + R + sL_2}$ جس سے افغر اكثن روكى تفاعل كھتے ہيں۔
$$\hat{A}_i(s) = \frac{\hat{l}_2}{\hat{l}_m} = \frac{s^2L_1C}{s^2(L_1 + L_2)C + sRC + 1}$$
 رو \hat{l}_2 جانے ہوئے \hat{v}_2 كھتے ہيں $\hat{v}_2 = sL_2\hat{l}_2$
$$= \frac{s^3L_1L_2C\hat{l}_m}{s^2(L_1 + L_2)C + sRC + 1}$$

با__12. تعددي روغمسل

جس سے مزاحمت نماافنرائش لکھتے ہیں۔

$$A_r(s) = \frac{\hat{V}_2}{\hat{I}_m} = \frac{s^3 L_1 L_2 C}{s^2 (L_1 + L_2) C + sRC + 1}$$

12.2 صفراور قطب

درج بالا مثال میں ہم نے دیکھا کہ تبادلی تفاعل کو دوسلسلوں کا تناسب $\frac{A(s)}{B(s)}$ کھاجا سکتا ہے جن کا متغیرہ s ہے۔چونکہ ادوار میں پرزوں کی قیمت اور تابع یا غیر تابع منبع کی قیمت حقیقی اعداد ہوتے ہیں لہٰذا ان سلسلوں کے سر حقیقی اعداد ہوں گے۔ یوں کسی بھی جال کا تبادلی تفاعل درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(12.11)
$$\mathbf{H}(s) = \frac{A(s)}{B(s)} = \frac{a_m s^m + a_{m-1} s^{m-1} + \dots + a_2 s^2 + a_1 s + a_0}{b_n s^n + b_{n-1} s^{n-1} + \dots + b_2 s^2 + b_1 s + b_0}$$

جہاں شار کنندہ سلسل m در جے کا ہے جبکہ نسب نما سلسل n در جے کا ہے۔ مساوات 12.11 کو بذریعہ تجوی درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(12.12)
$$H(s) = \frac{K_0(s - z_1)(s - z_2) \cdots (s - z_m)}{(s - p_1)(s - p_2) \cdots (s - p_n)}$$

جہاں K_0 مساوات کا مستقل، z_m تا z_m شار کنندہ کے حل اور z_m تا z_m نہا کے حل ہیں۔ یہاں غور کریں z_m و جہاں z_m ہو گا۔ ای طرح آگر z_m کہ آگر z_m تا z_m ہو گا۔ ای طرح آگر z_m کہ آگر z_m ہو گا۔ یہی وجہ ہے کہ z_m تا z_m تفاعل کے صفر z_m کہ ایک ہوگا۔ یہی وجہ ہے کہ z_m تا z_m تفاعل کے صفر z_m کا میں کسی بھی ایک بھی ہوگا۔ اس کے برابر ہوتب z_m تفاعل z_m تا z_m جوڑی کے دونوں اعداد ایک دوسرے کے جوڑی دار مخلوط اعداد ہوتے ہیں۔ ای جوڑی کے قوسین ضرب کرنے سے حقیق سروالے تسلسل دیے ہیں جوادوار کو ظاہر کر سکتے ہیں۔ مساوات z_m کی جھی خطی اور وقت کے ساتھ کرنے سے حقیق سروالے تسلسل دیے ہیں جوادوار کو ظاہر کر سکتے ہیں۔ مساوات z_m کے دونوں اعداد وقت کے ساتھ

zeroes¹⁹

نہ بدلنے والے نظام کے تبادلی تفاعل لکھنے کا انتہائی اہم طریقہ ہے چونکہ اس کے قطبین کو دیکھ کر تفاعل کی خاصیت ک بارے میں جانا جا سکتا ہے۔ایسے نظام کے تبادلی تفاعل کو عموماً سی صورت میں لکھا جاتا ہے۔

مثق 12.1: شکل 12.6-الف کا تبادلی تفاعل مساوات 12.9 میں دیا گیا ہے۔ اس کے صفر، قطب اور K_0 دریافت کریں۔

 $K_0 = 1.06 \times 10^6$ ، $p_2 = 20\,\mathrm{kHz}$ ، $p_1 = 20\,\mathrm{Hz}$ ، $z_1 = 0\,\mathrm{Hz}$: بابت:

مثق 12.2: شكل 12.6-الف مين داخلي اشارے كو در پيش ركاوٹ دريافت كريں۔

 $R_m + \frac{R_i}{1+sR_iC_i}$:واب

مثق 12.3: شکل میں تبادلی تفاعل $rac{\hat{V}_0(s)}{\hat{V}_i(s)}$ حاصل کریں۔

جواب:

$$\frac{\hat{V}_0(s)}{\hat{V}_i(s)} = \frac{s^2 L_2 C_1}{s^4 L_1 L_2 C_1 C_2 + s^2 (L_1 C_1 + L_2 C_2 + L_2 C_1) + 1}$$

12.3 سائن نماتعددی تجزیه

