برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																						نياد	1
1												 	 																	٠,	د با	ىرقى	واور	فيرو	، ر	قى بار	,	1.1	
6																															•	-		-	ب ، ہم	ِ قَی بار انونِ1	;	1.2	
8																																				. رئي. انائي او		1.3	
~																																						1.0	
15																																				ِ قی پر ز		1.4	
15																																				.4.			
17		•					•	•	•								•	•	•			•	•	•	•							بع	البع	۳]	.4.	2		
2.7																																						مزاحمتي	2
- '																																			c	ر انوناه	ازوا ••	رران 2.1	2
27	•		•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	 	 •	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	• •	٠	•	و،م ا	الون! م			
35																																				ا نین ا		2.2	
51																																						2.3	
52												 	 																						إو	تشيم و	j	2.4	
56																																				نعدرس		2.5	
59																																				لسلهو		2.6	
61																																				نواز ی		2.7	
61																																				۔ تشیم رو		2.8	
69																																						2.9	
74	•			•	٠		•			•	•	 		•	•	•	•	•	•		•			•		•	•		٠,	•	•		ن	حمت	مزا	لطيط		2.10	
																																						2.11	
85												 																					زله	اتباد	نكوان	ئارە- "	-	2.12	
92												 																			وار	تےاو	کر۔	عال	استه	بع متبع	ľ	2.13	
101																																				, و	· /.	. 6 -	2
101																																			3			بو ڑاور د • • •	3
101																																				زبيه جو			
104																																							
117																																						3.3	
122	2.											 	 														. وار	لےاد	_1	نےو	لر_	نال	إسته	د باو	منبع	برتابع	š	3.4	

132													تابع منبع د باواستعال کرنے والے اد وار	3.5
136													دائری تجزیه	3.6

باب3

جوڑاور دائری تجزیہ

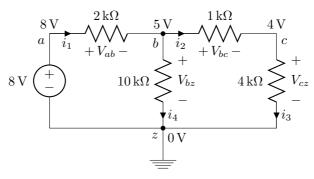
گزشتہ باب میں سادہ ترین ادوار کو کر خوف قوانین سے حل کرناد کھایا گیا۔اس باب میں متعدد جوڑ اور متعدد دائروں والے ادوار کو کرخوف قوانین سے حل کرناد کھایا جائے گا۔ کرخوف قانون روسے ہر جوڑ پر داخلی اور خارجی رو کے مجموعوں کو برابر پر کرتے ہوئے دور کے تمام جوڑوں پر دباو حاصل کیا جاتا ہے۔اس کے بر عکس کرخوف قانون دباو کی مدد سے دور کے ہما وی کہ دوسے دور کے ہما وی کہ دوسے کو دائرے میں دباو کے بڑھاو کے مجموعے کے برابر پر کرتے ہوئے تمام دائروں کی روحاصل کی جاتی ہے۔ عموماً دوریا تو کرخوف قانون دباو اوریا کرخوف قانون روسے زیادہ آسانی سے حل ہوتا ہے۔آسان طریقہ چننااس باب میں سکھایا جائے گا۔

3.1 تجزيه جوڙ

دور کو ترکیب جوڑ¹ سے حل کرتے ہوئے جوڑ کے دباو کو نامعلوم متغیرات چننا جاتا ہے۔ کسی ایک جوڑ کو حوالہ چنتے ہوئے بقایا جوڑ کے دباو کو صفر وولٹ تصور کیا جاتا ہے بقایا جوڑ کے دباو اس جوڑ کو جوالہ چننا گیا ہو، اس کی دباو کو صفر وولٹ تصور کیا جاتا ہے اور اس جوڑ کو برقی زمین کہا جاتا ہے۔ عموماً اس جوڑ کو برقی زمین چننا جاتا ہے جس کے ساتھ سب سے زیادہ پرزے جڑے ہوں۔ عموماً آلات کو موصل ڈبول میں بندر کھا جاتا ہے اور عام طور دور کے برقی زمین کو ڈبے کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ ایک صورت میں ڈبے کی سطح بھی VO پر ہوتی ہے۔

nodal analysis¹

باب 3. جو ژاور دائر ي تحب زيه



شکل 1.3: د باوجوڑ سے بازو کی روحاصل کی جاسکتی ہے۔

ہم د باو جوڑ کے متغیرات کو مثبت تصور کریں گے۔ حقیقی د باوکی قیمت زمین کی نسبت سے منفی ہونے کی صورت میں تجزیے سے منفی قیمت حاصل ہوگی۔

آئیں دباو جوڑ جاننے کی افادیت کو شکل 3.1 کی مدد سے جانیں۔اس دور میں c ، b ، a اور z جوڑ پائے جاتے ہیں۔ہم نے جوڑ z کو برقی زمین چننا ہے المذااس کی دباو v0 ہے۔بقایا تین جوڑ کی دباو کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔ برقی زمین کو علامت سے ظاہر کیا گیا ہے۔

بالائی بائیں مزاحت پر دباو درج ذیل پایا جاتا ہے

$$egin{align} V_{ab} &= V_a - V_b \ &= 8 - 5 \ &= 3 \, \mathrm{V} \ \end{pmatrix}$$
 البذا قانون او ہم سے مزاحمت میں رو درج ذیل حاصل کی جاتی ہے۔ $i_1 = rac{V_{ab}}{2 \, \mathrm{k} \Omega} \ &= rac{3}{2000} \ &= 1.5 \, \mathrm{mA} \ \end{pmatrix}$

اسی طرح بالائی دائیں مزاحت پر دباو درج ذیل ہو گا

$$V_{bc} = V_b - V_c$$
$$= 5 - 4$$
$$= 1 V$$

3.1. تحبنيه ورئ

جس سے رو

$$i_2 = \frac{V_{bc}}{1 \text{ k}\Omega}$$
$$= \frac{1}{1000}$$
$$= 1 \text{ mA}$$

حاصل ہوتی ہے۔ در میانے مزاحت پر دباواور اس کی رو درج ذیل ہیں۔

$$V_{bz} = V_b - V_z$$

$$= 5 - 0$$

$$= 5 V$$

$$i_4 = \frac{V_{bz}}{10 \text{ k}\Omega}$$

$$= \frac{5}{10000}$$

$$= 0.5 \text{ mA}$$

چونکہ 1kA اور 4k0 سلسلہ وار جڑے ہیں المذا 4k0 میں بھی 1mA رو پائی جائے گی۔آپ اسی قیمت کو را وجوڑ سے بھی حاصل کر سکتے ہیں یعنی

$$V_{cz} = V_c - V_z$$

$$= 4 - 0$$

$$= 4 V$$

$$i_3 = \frac{V_{cz}}{4 k\Omega}$$

$$= \frac{4}{4000}$$

$$= 1 \text{ mA}$$

یہاں اتمنان کر لیں کہ تمام جوڑوں پر آمدی رو اور خارجی رو برابر ہوں۔جوڑ b پر آمدی رو $1.5\,\mathrm{mA}$ ہیں۔جو خارجی رو کے مجموعے $1\,\mathrm{mA} + 0.5\,\mathrm{mA}$ کے عین برابر ہے۔اسی طرح جوڑ c پر آمدی اور خارجی رو $1\,\mathrm{mA}$ ہیں۔جوڑ a پر آمدی ور تی ہے۔

 i_R کی ججی دو جوڑ m اور n کی مزاحمت R_{mn} کی رو i_R قانون او جم $i_R=rac{v_m-v_n}{R_{mn}}$

اب. 3. جوڑاور دائری تحب زید

سے حاصل کی جاتی ہے۔

اب جب ہم دباو جوڑ کی افادیت جان چکے ہیں آئیں ترکیب جوڑ پر غور کریں۔اگر دور میں J جوڑ پائے جاتے ہوں تب ہمیں J دباو دریافت کرنے ہوں گے۔کسی ایک جوڑ کو زمین چنتے ہوئے اس کی دباو J0 تصور کی جاتی ہے۔یوں بقایا J1 جوڑ کی دباو کو نا معلوم متغیرات تصور کیا جاتا ہے۔ان J1 جوڑ پر کر خوف قانون رو کا اطلاق کرتے ہوئے J1 ہمزاد J1 مساوات کھے جاتے ہیں۔آپ جانتے ہیں ہیں کہ J1 متغیرات معلوم کرنے کی خاطر J1 ہمزاد مساوات در کار ہیں۔یوں ان J1 ہمزاد مساوات کے حل سے تمام نا معلوم دباو جوڑ حاصل ہوتے ہیں۔کسی بھی جوڑ پر کروخوف کی مساوات کھتے ہوئے جوڑ سے منسلک تمام بازو کی روکو مساوات J1 کی طرز پر کھا جاتا ہے۔یوں مزاحمت پر کروخوف کی مساوات میں صرف نا معلوم دباو کی صورت میں کھا جاتا ہے۔اس طرح کرخوف قانون روکی مساوات میں صرف نا معلوم دباو کی صورت ہیں گھا جاتا ہے۔اس طرح کرخوف قانون روکی مساوات میں صرف نا معلوم دباوکی صورت ہیں گھا جاتا ہے۔اس طرح کرخوف قانون روکی مساوات میں صرف نا معلوم دباوکی سے جائیں گے۔

یادرہے کہ برقی دباورو نقطوں کے مابین ہوتا ہے۔ کسی نقطے کی حتمی دباوکوئی معنی نہیں رکھتی۔ جوڑ پر کرخوف قانون روکی معنی نہیں رکھتی جوڑ z کا دباو کا کہ ہوڑ z کا دباو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ جوڑ کی کا دباو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ جوڑ کے کو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ کے کو کا کہ کا کہ کا دباو کا کہ کے کو کا دباو کا کہ کے کو کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کو کا کہ کے کو کے کہ کے کو کا کہ کے کہ کے کہ کے کو کا کہ کے کو کے کہ کہ کے کہ کہ کے کو کے کے کو کا کہ کے کہ کر کو کا کہ کر کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کو کے کہ کے کہ کے کو کے کو کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کو کے کہ کے کو کے کہ کے کہ کے کہ کے کو کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کو کے کہ کے کے کہ کے کہ

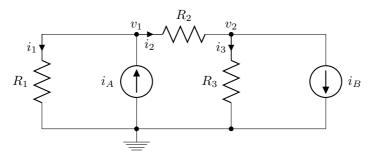
آئیں ترکیب جوڑ کو چند مثالوں کی مدد سے سکھیں۔ہم آسان ترین مثال سے شروع کرتے ہوئے بتدریج مشکل مثال پیش کریں گے۔

3.2 غير تابع منبع رواستعال كرنے والے ادوار

شکل 3.2 میں تین جوڑ والا دور دکھایا گیا ہے جن میں نچلے جوڑ کو زمین چننا گیا ہے۔بقایا دو جوڑ کے نا معلوم برقی دباو کو متغیرات v_1 اور v_2 ظاہر کرتے ہیں۔ہم تمام شاخوں میں روکی سمت چنتے ہیں۔یوں i_1 کو بالائی بائیں جوڑ سے زمین کی جانب روال چننا گیا ہے۔اسی طرح i_2 کو بالائی بائیں جوڑ سے بالائی دائیں جوڑ کی جانب روال چننا گیا ہے جبکہ i_3 کو بالائی دائیں جوڑ سے زمین کی طرف روال چننا گیا ہے۔

بالائی بائیں جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مساوات کھتے ہیں۔جوڑ سے خارجی رو کو مثبت اور داخلی رو کو منفی کھتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$(3.2) i_1 - i_A + i_2 = 0$$



شكل 3.2: تين جوڙوالادور _

قانون اوہم استعال کرتے ہوئے اسے یوں

$$\frac{v_1}{R_1} - i_A + \frac{v_1 - v_2}{R_2} = 0$$

يا

(3.3)
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} = i_A$$

لکھا جا سکتا ہے۔ بالائی دائیں جوڑ کے لئے

$$(3.4) -i_2 + i_3 + i_B = 0$$

اور

$$-\left(\frac{v_1 - v_2}{R_2}\right) + \frac{v_2}{R_3} + i_B = 0$$

لعيني

(3.5)
$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right)v_2 = -i_B$$

لکھا جائے گا۔ نیلے جوڑ یعنی برقی زمین پر کرخوف قانون رو کی مساوات لکھتے ہیں۔

$$(3.6) -i_1 + i_A - i_3 - i_B = 0$$

مساوات 3.2 اور مساوات 3.4 کے مجموعے کو منفی ایک سے ضرب دینے سے مساوات 3.6 حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 3.2 مساوات 3.4 اور مساوات 3.6 میں کسی بھی دو مساواتوں سے تیسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے۔ یوں ان میں

اب. 3. جوڑاوردائری تحبزیہ

صرف دو عدد مساوات آزاد مساوات ہیں جبکہ تیسری مساوات تالع مساوات ہے۔ شکل 3.2 کے دور میں کل تین عدد جوڑ ہیں۔ آپ نے دیکھا کہ اس دور سے صرف دو عدد آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں بینی J=1 کی صورت میں J=1 آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔ J=1 آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

مساوات 3.3 اور مساوات 3.5 كو ايك ساتھ لكھتے ہيں۔

(3.7)
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} = i_A$$

$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_2 = -i_B$$

 $R_3=0$ اور $R_2=6\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=4\,\mathrm{k}\Omega$ ، $i_B=5\,\mathrm{m}\mathrm{A}$ ، $i_A=2\,\mathrm{m}\mathrm{A}$ ، اور $R_3=0$ مثال 3.1 شکل 3.2 مثال 3.2 مثال 3.1 شکل 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال مناخول میں روحاصل کریں۔

حل: مساوات 3.7 میں قیمتیں پُر کرتے ہیں

(3.8)
$$\left(\frac{1}{4000} + \frac{1}{6000}\right) v_1 - \frac{v_2}{6000} = 0.002$$
$$-\frac{v_1}{6000} + \left(\frac{1}{6000} + \frac{1}{2000}\right) v_2 = -0.005$$

ان ہمزاد مساوات کو حل کرنے سے

$$v_1 = 2 V$$
$$v_2 = -7 V$$

حاصل ہوتا ہے۔ دباو جوڑ جانتے ہوئے شاخوں کی رو قانون اوہم سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i_1 = \frac{v_1}{R_1} = \frac{2}{4000} = 0.5 \,\text{mA}$$
 $i_2 = \frac{v_1 - v_2}{R_2} = \frac{2 - (-7)}{6000} = 1.5 \,\text{mA}$
 $i_3 = \frac{v_2}{R_3} = \frac{-7}{2000} = -3.5 \,\text{mA}$

مساوات 3.7 کو قالبی مساوات 2 کی صورت میں کھتے ہیں۔

(3.9)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

قالبی مساوات میں

$$\mathbf{G} = \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{V} = \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{I} = \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

لیتے ہوئے اسے یوں لکھا جاسکتا ہے

GV = I

بس سے

$$V = G^{-1}I$$

حاصل ہوتاہے للمذا

(3.10)
$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

لکھا جائے گا۔

آج کل کمپیوٹر کا زمانہ ہے۔ کمپیوٹر کی مدد سے قالبی مساوات نہایت آسانی سے حل کئے جا سکتے ہیں۔ آپ سے التماس ہے کہ کمپیوٹر پر قالبی مساوات حل کرناسیکھیں۔

matrix equation²

اب 3. جو ژاور دائری تحب زید

مثال 3.2: درج بالا مثال میں تمام دباوجوڑ کو مساوات 3.10 کی مدد سے حل کریں۔

حل: مساوات 3.10 میں دی معلومات پر کرتے ہوئے لکھتے ہیں۔

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2400} & -\frac{1}{6000} \\ -\frac{1}{6000} & \frac{1}{1500} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 0.002 \\ -0.005 \end{bmatrix}$$

 G_{G} قالب G کاریاضی معکوس G^{-1} حاصل کرنے کی خاطر G کا شریک قالب

$$\mathbf{G}_{\text{con}} = \begin{bmatrix} \frac{1}{1500} & \frac{1}{6000} \\ \frac{1}{6000} & \frac{1}{2400} \end{bmatrix}$$

اور قالب کی حتمی قیمت

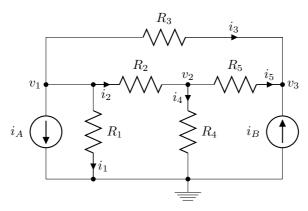
$$\begin{vmatrix} \frac{1}{2400} & -\frac{1}{6000} \\ -\frac{1}{6000} & \frac{1}{1500} \end{vmatrix} = \left(\frac{1}{2400}\right) \left(\frac{1}{1500}\right) - \left(-\frac{1}{6000}\right) \left(-\frac{1}{6000}\right)$$
$$= \frac{1}{4 \times 10^6}$$

در کار ہوں گے۔ یوں

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = 4 \times 10^6 \begin{bmatrix} \frac{1}{1500} & \frac{1}{6000} \\ \frac{1}{6000} & \frac{1}{2400} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.002 \\ -0.005 \end{bmatrix}$$
$$= 4 \times 10^6 \begin{bmatrix} 0.5 \times 10^{-6} \\ -1.75 \times 10^{-6} \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} 2 \\ -7 \end{bmatrix}$$

 $v_2 = -7$ اور $v_2 = -7$ ہیں۔

آئیں شکل 3.3 کے کرخوف قانون رو کے مساوات لکھیں۔دور کے تمام شاخوں میں رو کی سمتیں چننی گئی ہیں۔ نیلے جوڑ کو زمین چننا گیا ہے اور یہی حقیقت زمین کی علامت سے ظاہر کی گئی ہے۔دور میں کل چار (J = 4) عدد جوڑ ہیں للذا



شکل 3.3: چار جوڑ کے دور سے تین عدد آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

اس سے تین (J-1=3) عدد آزاد مساوات حاصل کئے جائیں گے۔ پہلی جوڑ پر کرخوف قانون رواستعال کرتے ہوئے

$$i_1 + i_2 + i_3 + i_A = 0$$

کھا جائے گا جہاں جوڑ سے خارج رو کو مثبت کھا گیا ہے۔انفرادی شاخ کی رو کو قانون اوہم سے پُر کرتے ہوئے $rac{v_1}{R_1}+rac{v_1-v_2}{R_2}+rac{v_1-v_3}{R_3}+i_A=0$

لعيني

(3.11)
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

حاصل ہوتا ہے۔ دوسرے جوڑ سے

$$-i_2 + i_4 + i_5 = 0$$

لعيني

$$-\left(\frac{v_1 - v_2}{R_2}\right) + \frac{v_2}{R_4} + \frac{v_2 - v_3}{R_5} = 0$$

يا

$$(3.12) -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right)v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

باب. 3. جو ژاور دائری تحب زیب

حاصل ہوتاہے۔ تیسری جوڑسے

$$-i_3 - i_5 - i_B = 0$$

لعيني

$$-\left(\frac{v_1 - v_3}{R_3}\right) - \left(\frac{v_2 - v_3}{R_5}\right) - i_B = 0$$

یا

(3.13)
$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = i_B$$

عاصل ہوتاہے۔

مساوات 3.11 مساوات 3.12 اور مساوات 3.13 كو اكشم كوت مساوات

(3.14)
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right) v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = i_B$$

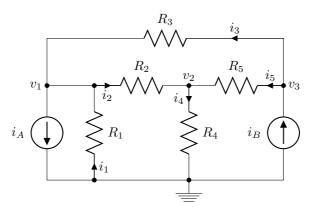
قالبی مساوات کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(3.15)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_3} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} & -\frac{1}{R_5} \\ -\frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_5} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_A \\ 0 \\ i_B \end{bmatrix}$$

مندرجہ بالا مساوات کا دایاں بازو منبع روسے جوڑ میں داخل رودیتی ہے جبکہ اس کا بایاں بازو جوڑ سے خارجی رودیتی ہے۔ شکل 3.3 کو دوبارہ شکل 3.4 میں پیش کیا گیا ہے جہاں i_3 ، i_1 اور i_5 کی سمتیں گزشتہ سمتوں کے الٹ چننی گئی ہیں۔ تین جوڑ کے مساوات درج ذیل کھے جائیں گے۔

$$i_A - i_1 + i_2 - i_3 = 0$$

 $-i_2 + i_4 - i_5 = 0$
 $i_3 + i_5 - i_B = 0$



شكل 3.4: مزاحمتوں اور آزاد منبع روكی قالبی مساوات روكی چننی سمتوں پر منحصر نہیں۔

شاخوں کی رو قانون اوہم سے پُر کرتے ہوئے درج بالا کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$\begin{split} i_A - \left(\frac{0 - v_1}{R_1}\right) + \frac{v_1 - v_2}{R_2} - \left(\frac{v_3 - v_1}{R_3}\right) &= 0 \\ - \left(\frac{v_1 - v_2}{R_2}\right) + \frac{v_2}{R_4} - \left(\frac{v_3 - v_2}{R_5}\right) &= 0 \\ \frac{v_3 - v_1}{R_3} + \frac{v_3 - v_2}{R_5} - i_B &= 0 \end{split}$$

جنہیں ترتیب دینے سے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

(3.16)
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

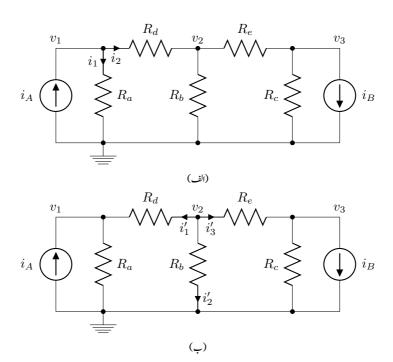
(3.17)
$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right)v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

(3.18)
$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = i_B$$

اس کو قالبی مساوات کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(3.19)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_3} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} & -\frac{1}{R_5} \\ -\frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_5} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_A \\ 0 \\ i_B \end{bmatrix}$$

باب. 3. جو ژاور دارُی تحب زیب



شکل 5. 3: تمام جوڑ پر مزاحمتی شاخوں میں روکی سمت جوڑ سے خارج ہوتی تصور کر سکتے ہیں۔

مساوات 3.15 اور مساوات 3.19 بالكل كيسال ہيں۔ يوں آپ د كيھ سكتے ہيں كہ قالبى مساوات كا دارو مدار شاخوں ميں روكى كى چننى گئى سمتوں پر منحصر نہيں ہوتا۔ اس كتاب ميں اس حقيقت كو استعمال كرتے ہوئے ہم جوڑ پر كرخوف قانون روكى مساوات لكھتے ہوئے مزاحمتی شاخوں ميں روكى سمت جوڑ سے خارج ہوتی تصور كريں گے۔ آئيں اس تركيب كو شكل 3.5كى مدد سے سمجھیں۔

شکل 3.5-الف میں پہلے جوڑ پر تمام مزاحمتی شاخوں کی رو خارجی تصور کرتے ہوئے کرخوف قانون رو کے تحت خارجی رو کا مجموعہ داخلی رو کے مجموعے کے برابر یُر کرنے ہے

$$(3.20) i_1 + i_2 = i_A$$

لعيني

(3.21)
$$\frac{v_1}{R_a} + \frac{v_a - v_b}{R_d} = i_A$$

حاصل ہوتا ہے۔شکل 3.5-ب میں دوسرے جوڑ پر تمام مزاحمتی رو کی سمت خارجی تصور کی گئی ہیں یوں

$$(3.22) i_1' + i_2' + i_3' = 0$$

لعني

$$(3.23) \frac{v_2 - v_1}{R_d} + \frac{v_2}{R_b} + \frac{v_2 - v_3}{R_e} = 0$$

$$\frac{v_3 - v_2}{R_e} + \frac{v_3}{R_c} + i_B = 0$$

اس کتاب میں ہم مساوات 3.24 کی طرح جوڑ پر کرخوف قانون رو کے مساوات لکھیں گے۔

مساوات 1.19ور مساوات 3.15 میں قالبِ موصلیت 3 کے بالائی بائیں کونے سے نچلے دائیں کونے تک تر چھی لکیر کے بالائی اور مخلی اطراف پر یکسال رکن پائے جاتے ہیں۔ایسا اتفاقی طور پر نہیں ہے بلکہ مزاحمتوں اور آزاد منبع روپر مبنی کسی مجھی دور کے G قالب کو تشاکل صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔آئیں ان قالبوں پر مزید غور کریں۔

شکل 3.4 میں پہلے جوڑ کی دباو v_1 ، دوسرے جوڑ کی دباو v_2 اور تیسرے جوڑ کی دباو v_3 ہے۔ قالب میں بالائی لینی پہلے صف کے رکن مساوات 3.16 سے حاصل کئے گئے۔ یہ مساوات پہلی جوڑ سے حاصل کی گئی ہے۔ اس جوڑ پر مزاحمت R_{m1} اور R_3 جڑے ہیں۔ ان مزاحمت کو متوازی جڑا تصور کرتے ہوئے مساوی مزاحمت R_{m1}

$$\frac{1}{R_{m1}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں $\frac{1}{R_{m1}}$ کو مساوی متوازی موصلیت G_{m1} کہا جاتا ہے۔ یوں قالب کے پہلے صف کا پہلا (بایاں) رکن پہلے جوڑ سے جڑے تمام مزاحمتوں کا مساوی متوازی موصلیت $\frac{1}{R_{m1}}$ ہے۔ اسی صف کا دوسرار کن پہلے جوڑ

conductance matrix³

114 باب. 3. جوڑاور دائری تحب زیب

اور دوسرے جوڑ کے مابین جڑے مزاحت کی موصلیت کا منفی $\frac{1}{R_2}$ کے برابر ہے۔ اس طرح پہلے صف کا تیسر ارکن، پہلے جوڑ اور تیسرے جوڑ کے مابین جڑے موصلیت کے منفی $\frac{1}{R_3}$ کے برابر ہے۔ قالب کے دوسرے صف کے ارکان مساوات 3.17 سے حاصل کئے گئے۔ اس صف کا پہلا رکن پہلے اور دوسرے جوڑ کے مابین مساوی متوازی موصلیت کے منفی $\frac{1}{R_{m2}}$ کے برابر ہے۔صف کا دوسر ارکن دوسرے جوڑ پر تمام مزاحمتوں کا مساوی متوازی موصلیت $\frac{1}{R_{m2}}$

$$\frac{1}{R_{m2}} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}$$

ہے جبکہ صف کا تیسرار کن دوسرے اور تیسرے جوڑ کے مابین موصلیت کے مفی $\frac{1}{R_3}$ — کے برابر ہے۔ قالب کا تیسرا صف بھی اسی طرح حاصل کیا جاسکتا ہے۔ قالبی مساوات میں دائیں ہاتھ قالب رو 4 کے ارکان بالترتیب پہلے، دوسرے اور تیسرے جوڑ پر جڑے منبع روسے جوڑ میں داخل ہوتی رو ہے۔ منبع روکی غیر موجود گی میں قالب کے رکن کو صفر لکھا جاتا ہے۔ کسی بھی جوڑ پر ایک سے زیادہ منبع روکی صورت میں جوڑ پر مجموعی داخلی رو، قالب کی رکن ہوگی۔ پہلی جوڑ پر منبع کی رو نسب رو میں ہے۔ کسی بھی جو جوڑ سے جو جوڑ سے خارجی جانب ہے لہذا اسے قالب رو میں i_A کی رو جوڑ میں داخل ہوتی ہے لہذا قالب روکا تیسر ارکن سفر ہے۔ تیسرے جوڑ پر منبع i_B کی روجوڑ میں داخل ہوتی ہے لہذا قالب روکا تیسر ارکن ہوگی ہے۔

ان معلومات کی مدد سے مزاحمت اور منبع روپر مبنی J+1 جوڑ کے دور کی قالبی مساوات دور کو دیکھ کر درج ذیل صورت میں لکھی جاسکتی ہے

$$(3.25) \begin{bmatrix} +G_{11} & -G_{12} & -G_{13} & \cdots & -G_{1J} \\ -G_{21} & +G_{22} & -G_{23} & \cdots & -G_{2J} \\ -G_{31} & -G_{32} & +G_{33} & \cdots & -G_{3J} \\ \vdots & & & & & \\ -G_{J1} & -G_{J2} & -G_{J3} & \cdots & +G_{JJ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ \vdots \\ v_J \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ \vdots \\ I_J \end{bmatrix}$$

جہاں G_{nn} سے مراد جوڑ n کے ساتھ منسلک تمام مزاحمتوں کی مساوی متوازی موصلیت جبکہ m سے مراد جوڑ n اور m کے مابین مزاحمت کی موصلیت ہے۔ یہ مساوات لکھتے ہوئے جوڑ m کو زمین چننا گیا ہے۔ اگر جوڑ m اور جوڑ m کے مابین مزاحمت جڑی ہو گی لہذا m جڑی ہو تب جوڑ m اور جوڑ m کے مابین بھی یہی مزاحمت جڑی ہو گی لہذا m کے مابین کہ

$$(3.26) G_{nm} = G_{mn}$$

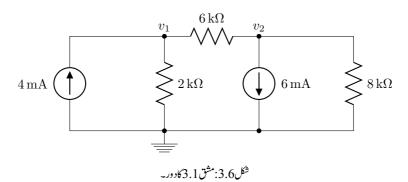
current matrix⁴

ہو گا اور یوں مساوات 3.25 کو درج ذیل صورت میں لکھا جا سکتا ہے

(3.27)
$$\begin{bmatrix} +G_{11} & -G_{12} & -G_{13} & \cdots & -G_{1J} \\ -G_{12} & +G_{22} & -G_{23} & \cdots & -G_{2J} \\ -G_{13} & -G_{23} & +G_{33} & \cdots & -G_{3J} \\ \vdots & & & & & \\ -G_{1J} & -G_{2J} & -G_{3J} & \cdots & +G_{JJ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ \vdots \\ v_J \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ \vdots \\ I_J \end{bmatrix}$$

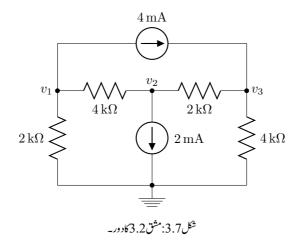
جس میں G کا قالب تشاکل ہے۔

مثق 3.1: شکل 3.6 میں v_1 اور v_2 پر کرخوف قانون رو کے مساوات کھتے ہوئے دور کی قالبی مساوات حاصل کریں۔ قالبی مساوات حل کرتے ہوئے نامعلوم دباو دریافت کریں۔



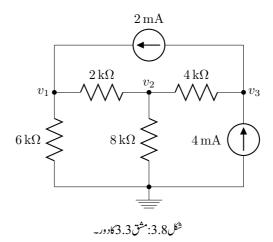
 $v_2 = -20\,\mathrm{V}$ ، $v_1 = 1\,\mathrm{V}$ جوابات:

مثق 3.2: شکل 3.7 کی قالبی مساوات لکھتے ہوئے نامعلوم دباو حاصل کریں۔



 $v_3=4\,\mathrm{V}$ ، $v_2=-2\,\mathrm{V}$ ، $v_1=-6\,\mathrm{V}$ جوابات:

مثق 3.3: شكل 3.8 كى قالبي مساوات لكھتے ہوئے نامعلوم دباو حاصل كريں۔



 $v_3 = 22\,\mathrm{V}$ ، $v_2 = 14\,\mathrm{V}$ ، $v_1 = 13.5\,\mathrm{V}$ جوابات:

3.3 تابع منبع رواستعال کرنے والے اد وار

گزشتہ جھے میں ہم نے دیکھا کہ غیر تابع منبغ رواور مزامتوں کے ادوار سے تشاکل قالب موصلیت حاصل ہوتے ہے۔ شکل 3.9 میں تباع منبغ رواستعال کی گئی ہے۔ہم دیکھیں گے کہ اس کا G قالب غیر تشاکل ہو گا۔اس دور کے تین جوڑوں سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(3.28)
$$\begin{aligned} -\beta i_0 + \frac{v_1}{R_1} + \frac{v_1 - v_2}{R_2} &= 0\\ \frac{v_2 - v_1}{R_2} - i_A + \frac{v_2 - v_3}{R_4} &= 0\\ \frac{v_3}{R_3} + \beta i_0 + \frac{v_3 - v_2}{R_4} &= 0 \end{aligned}$$

جہاں

$$i_0 = \frac{v_1}{R_1}$$

کے برابر ہے۔مساوات 3.28 میں مساوات 3.29 پُر کرتے اور ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے

(3.30)
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} - \frac{\beta}{R_1}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} = 0$$

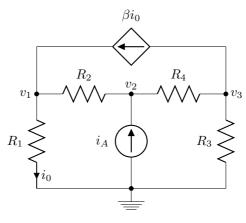
$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4}\right) v_2 - \frac{v_3}{R_4} = i_A$$

$$\frac{\beta}{R_1} v_1 - \frac{v_2}{R_4} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}\right) v_3 = 0$$

جسے قالبی صورت میں لکھتے ہیں۔

(3.31)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} - \frac{\beta}{R_1} & -\frac{1}{R_2} & 0\\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} & -\frac{1}{R_4}\\ \frac{\beta}{R_1} & -\frac{1}{R_4} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1\\ v_2\\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0\\ i_A\\ 0 \end{bmatrix}$$

باب. 3. جو ژاور دائری تحب زیب



شكل 9. 3: تابع منبع روسے غير تشاكل قالب موصليت حاصل ہوتاہے۔

آپ دیچھ سکتے ہیں کہ G قالب غیر تشاکل ہے۔

مثال 3.3: شکل 3.9 میں تمام جوڑ پر برقی دباو حاصل کریں۔معلومات درج ذیل ہیں۔

$$R_1=2\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_2=4\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_3=1\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_4=2\,\mathrm{k}\Omega, \quad i_A=10\,\mathrm{mA}, \quad \beta=4$$

حل: درج بالا معلومات كو مساوات 3.31 ميں يُر كرتے ہيں۔

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{2000} + \frac{1}{4000} - \frac{4}{2000} & -\frac{1}{4000} & 0 \\ -\frac{1}{4000} & \frac{1}{4000} + \frac{1}{2000} & -\frac{1}{2000} \\ \frac{\beta}{2000} & -\frac{1}{2000} & \frac{1}{1000} + \frac{1}{2000} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.01 \\ 0 \end{bmatrix}$$

اس قالبی مساوات کو حل کرتے ہوئے اور یا تینوں ہمزاد مساوات کو کسی بھی طریقے سے حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$v_1 = -4 \,\mathrm{V}$$

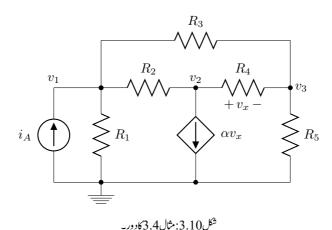
$$v_2 = 20 \,\mathrm{V}$$

$$v_3 = 12 \mathrm{V}$$

مثال 3.4: شكل 3.10 مين تمام نامعلوم دباو حاصل كرين ـ ديگر معلومات درج ذيل بين ـ

$$R_1=4\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_2=8\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_3=12\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_4=6\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_5=2\,\mathrm{k}\Omega$$

$$i_A=1\,\mathrm{m}A, \quad \alpha=0.002$$



حل: تمام جوڑ پر خارجی رو تصور کرتے ہوئے مساوات لکھتے ہیں۔

$$\begin{split} \frac{v_1}{R_1} + \frac{v_1 - v_2}{R_2} + \frac{v_1 - v_3}{R_3} &= i_A \\ \frac{v_2 - v_1}{R_2} + \alpha v_x + \frac{v_2 - v_3}{R_4} &= 0 \\ \frac{v_3 - v_1}{R_3} + \frac{v_3 - v_2}{R_4} + \frac{v_3}{R_5} &= 0 \end{split}$$

ال میں
$$v_x=v_2-v_3$$
 پُر کرتے اور مساوات کے اجزاء کو ترتیب دیتے ہیں۔ $v_x=v_2-v_3$ $v_z=v_3$.

$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = i_A$$

$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \alpha + \frac{1}{R_4}\right) v_2 - (\alpha + \frac{1}{R_4}) v_3 = 0$$

$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_4} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = 0$$

دی گئی معلومات پُر کرتے ہیں

$$\left(\frac{1}{4000} + \frac{1}{8000} + \frac{1}{12000}\right)v_1 - \frac{v_2}{8000} - \frac{v_3}{12000} = 0.001$$
$$-\frac{v_1}{8000} + \left(\frac{1}{8000} + 0.002 + \frac{1}{6000}\right)v_2 - (0.002 + \frac{1}{6000})v_3 = 0$$
$$-\frac{v_1}{12000} - \frac{v_2}{6000} + \left(\frac{1}{12000} + \frac{1}{6000} + \frac{1}{2000}\right)v_3 = 0$$

' تینوں ہمزاد مساواتوں کو 1000 سے ضرب دیتے ہوئے درج ذمل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{11v_1}{24} - \frac{v_2}{8} - \frac{v_3}{12} = 1$$
$$-\frac{v_1}{8} + \frac{55v_2}{24} - \frac{13v_3}{6} = 0$$
$$-\frac{v_1}{12} - \frac{v_2}{6} + \frac{3v_3}{4} = 0$$

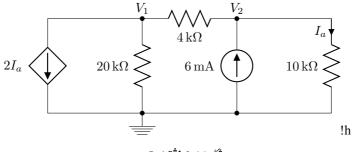
انہیں حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$v_1 = 2.38 \,\mathrm{V}$$

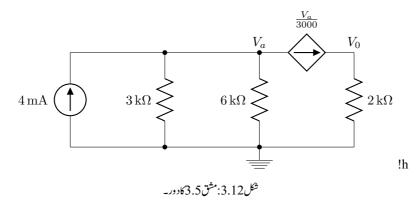
$$v_2 = 0.48 \,\mathrm{V}$$

$$v_3=0.37\,\mathrm{V}$$

مثق 3.4: شكل 3.11 مين نامعلوم دباو جوڑ V_1 اور V_2 دريافت كريں۔



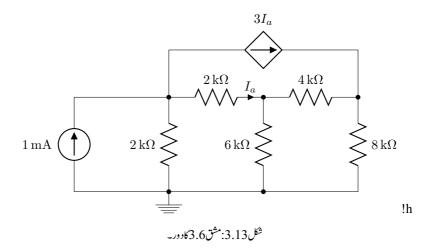
شكل 3.11:مشق 3.4 كادور



مثق 3.5: شکل 3.12 میں نامعلوم دباو جوڑ V_0 دریافت کریں۔

مثق 3.6: شکل 3.13 میں نامعلوم دباوجوڑ V_0 دریافت کریں۔

اب. 3. جو ژاور دائري تحب زيي



3.4 غير تابع منبع د باواستعال كرنے والے اد وار

گزشتہ حصوں کی طرح اس جھے کو بھی سادہ ترین مثال سے شروع کرتے ہیں۔ بعد میں بتدریج مشکل مثال پیش کئے جائیں گے۔سب سے پہلے ایک مثال کی مدد سے ایسے دور پر غور کرتے ہیں جس میں غیر تابع منبع دباو کا ایک سرا برقی زمین کے ساتھ جڑا ہو۔ایسے ادوار نسبتاً اُسانی سے حل ہوتے ہیں۔

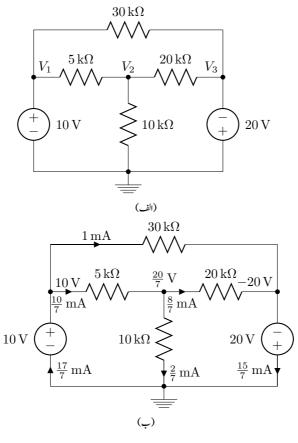
مثال 3.5: شکل 3.14-الف کے دور میں دوعدد غیر تابع منبع دباواستعال کئے گئے ہیں۔دونوں منبع زمین کے ساتھ جڑے ہیں۔بالائی بایاں جوڑ ۷ V منبع دباو کے منفی سرے کے ساتھ جڑا ہے جبکہ بالائی دایاں جوڑ ۷ V منبع دباو کے منفی سرے کے ساتھ جڑا ہے جبکہ بالائی دایاں جوڑ ساتھ جڑا ہے لہٰذا

$$V_1 = 10 \text{ V}$$

 $V_2 = -20 \text{ V}$

ہیں۔بالائی در میانے جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مدد سے

$$\frac{V_2 - 10}{5000} + \frac{V_2}{10000} + \frac{V_2 - (-20)}{20000} = 0$$



شكل 3.14: مثال 3.5 كادور

لکھا جا سکتا ہے جس سے

$$V_2 = \frac{20}{7} \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔

د باو جوڑ جاننے کے بعد تمام پرزوں میں رو دریافت کی جاسکتی ہے۔ یوں بالترتیب $0 \, \mathrm{k} \, \Omega$ ، $0 \, \mathrm{k} \, \Omega$ اور

30 kΩ کے مزاحموں میں اوہم کے قانون سے درج ذیل رو حاصل ہوتے ہیں

$$\frac{V_1 - V_2}{5000} = \frac{10 - \frac{20}{7}}{5000} = \frac{10}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_2}{10000} = \frac{\frac{20}{7}}{10000} = \frac{2}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_2 - V_3}{20000} = \frac{\frac{20}{7} - (-20)}{20000} = \frac{8}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_1 - V_3}{30000} = \frac{10 - (-20)}{30000} = 1 \text{ mA}$$

جہاں تمام رو کی سمتیں بائیں سے دائیں جانب ہیں۔جوڑ V_1 پر کرخوف قانون روسے $10\,\mathrm{V}$ منبع کی خارجی رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$I_{10\,\text{V}} = \frac{10}{7}\,\text{mA} + 1\,\text{mA} = \frac{17}{7}\,\text{mA}$$

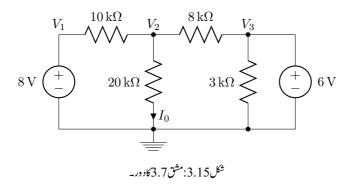
اسی طرح داعیں منبع دباو کے منفی سرے پر داخلی رویا مثبت سرے سے خارجی رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

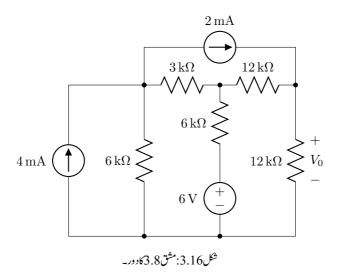
$$I_{20\,\mathrm{V}} = \frac{8}{7}\,\mathrm{mA} + 1\,\mathrm{mA} = \frac{15}{7}\,\mathrm{mA}$$

حاصل کردہ تمام رو کو شکل 3.14-ب میں د کھایا گیا ہے۔

مشق 3.7: شكل 3.15 ميں امال كريں۔

مثق 3.8: شکل 3.16 میں V_0 دریافت کریں۔یاد رہے کہ آپ کسی بھی جوڑ کو برتی زمین چن سکتے ہیں۔





اب. 3. جوڑاورداری تحبزیہ

آئیں اب ایسے دور کو حل کریں جس میں منبع دباو برقی زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے در میان جڑا ہو۔

مثال 3.6: شکل 3.17 میں V کا منبع دباو زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے در میان نب ہے۔ گزشتہ تمام مثالوں میں جوڑپر رویا تو منبع روسے اخذ کی جا سکتیں تھیں اور یاانہیں مزاحمتی شاخ پر قانون اوہم لا گو کرتے ہوئے اخذ کیا جا سکتا تھا۔ موجودہ شکل میں جوڑ V_1 اور V_2 کے در میان نہ تو منبع رو نسب ہے اور نہ ہی مزاحمت لہذا گزشتہ ترکیب یہاں قابل استعال نہیں ہیں۔ آپ سے گزارش ہے کہ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ دس وولٹ منبع دباو کی روگزشتہ ترکیبوں سے دریافت نہیں کی جاسکتی۔

اب منبع دباو کی رو ہم نہ تو جانتے ہیں اور نہ ہی اسے کسی مساوات سے ظاہر کر سکتے ہیں للذا جوڑ V_1 اور V_2 پر کرخوف قانون رو کے مساوات لکھنا ممکن نہیں ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ I متغیرات معلوم کرنے کی خاطر I ہمزاد مساوات در کار ہیں۔ آئیں دیکھیں کہ جوڑ V_1 اور V_2 پر کرخوف قانون رو نہ لکھ پانے کے باوجود ہم آئی تعداد میں مساوات کس طرح لکھ پائیں گے۔

شکل 3.17-الف کو دیکھ کر

$$(3.32) V_2 - V_1 = 10$$

ککھا جا سکتا ہے۔اس کے علاوہ اسی شکل میں دکھائے شاخوں کے برقی رواستعال کرتے ہوئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$(3.33) -8 \,\mathrm{mA} + I_1 + I_m = 0$$

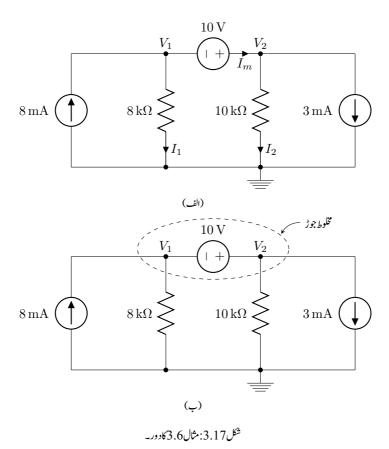
$$(3.34) -I_m + I_2 + 3 \,\mathrm{mA} = 0$$

مساوات 3.33 اور مساوات 3.34 کے مجموعہ

$$(3.35) -5 \,\mathrm{mA} + I_1 + I_2 = 0$$

میں قانون اوہم کے استعال سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

(3.36)
$$-8 \,\mathrm{mA} + \frac{V_1}{8 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_2}{10 \,\mathrm{k}\Omega} + 3 \,\mathrm{mA} = 0$$



اب 3. جو ژاور دائري څخب زيه

مساوات 3.32 اور مساوات 3.36 در کار ہمزاد مساوات ہیں جنہیں حل کرنے سے

$$V_1 = 240 \,\mathrm{V}$$

 $V_2 = 250 \,\mathrm{V}$

حاصل ہوتے ہیں۔

ہم پہلے دیکھے بچکے ہیں کہ کسی بھی جوڑپر کرخوف قانون روکھتے ہوئے تمام مزاحمتی شاخوں میں روکی سمت خارجی تصور کی جا سکتی ہے۔ یہاں اس بات کا خیال رکھنا ضروری ہے کہ دو جوڑوں کے مابین نسب منبع دباوکی روکو دونوں جوڑوں پر خارجی تصور نہیں کیا جا سکتا۔ منبع دباو کے روکی کوئی بھی سمت چننے کے بعد دونوں جوڑوں پر کرخوف قانون روکھتے ہوئے منبع دباوکے روکی سمت چننی گئی سمت ہی تصور کی جائے گی۔

مساوات 3.36 کے حصول میں ہمیں مساوات 3.33، مساوات 3.34 اور مساوات 3.35 بھی لکھنے پڑھ گئے۔ آئیں ان اضافی مساوات کے لکھنے سے چھٹکارا حاصل کریں۔

شکل 3.17-ب میں زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے مابین نسب منبع دباو کے گرد نقطہ دار دائرہ کھینچا گیا ہے۔اس بند دائرے کو مخلوط جوڑ⁵ کہا جاتا ہے۔آپ جانتے ہیں کہ کرخوف قانون رو بند دائرے پر بھی لا گو ہوتا ہے للذااس بند دائرے میں مجموعی داخلی رواور مجموعی خارجی رو برابر ہوں گے۔شکل-ب میں مخلوط جوڑسے تمام مزاحمتی شاخوں کے رو کی سمت خارجی تصور کرتے ہوئے

(3.37)
$$-8 \,\mathrm{mA} + \frac{V_1}{8 \,\mathrm{kO}} + \frac{V_2}{10 \,\mathrm{kO}} + 3 \,\mathrm{mA} = 0$$

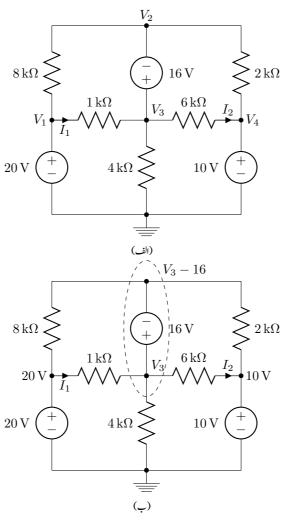
لکھا جا سکتا ہے جو مساوات 3.36 ہی ہے۔ یاد رہے کہ دور حل کرنے کی خاطر مخلوط جوڑ کے دونوں جانب دباو کا تعلق

$$(3.38) V_2 - V_1 = 10$$

بھی در کار ہے۔

مثال 3.7: شكل 3.18-الف ميں I_1 اور I_2 دريافت كريں۔

 ${\rm super} \ {\rm node}^5$



شكل3.18:مثال3.6كادور

اب. 3. جو ژاور دارُی تحب زید

حل: شکل 3.18-ب میں مخلوط جوڑ کو نقطہ دار دائرے میں گھیرا گیا ہے۔ساتھ ہی ساتھ مخلوط جوڑ کے سروں کے مابین دباو کے تعلق

$$V_3 - V_2 = 16$$

کو استعال کرتے ہوئے بالائی جوڑ کے دباو کو نیلے جوڑ کے دباو کی صورت میں

$$V_2 = V_3 - 16$$

$$V_1 = 20 \,\mathrm{V}$$
$$V_4 = 10 \,\mathrm{V}$$

یوں صرف V_3 نامعلوم دباو ہے۔ کرخوف قانون رواستعال کرتے ہوئے مخلوط جوڑ لینی نقطہ دار دائرے کے لئے

$$\frac{(V_3 - 16) - 20}{8 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{(V_3 - 16) - 10}{2 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_3 - 20}{1 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_3 - 10}{6 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_3}{4 \,\mathrm{k}\Omega} = 0$$

لکھا جا سکتا ہے جہال تمام رو کی سمت خارجی چننی گئی ہے۔ اس سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

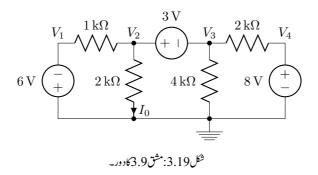
$$V_3 = 20 \,\mathrm{V}$$

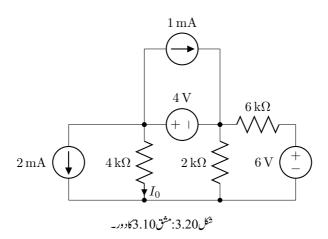
یوں در کار رو درج ذیل ہیں۔

$$I_1 = \frac{V_1 - V_3}{1 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{20 - 20}{1 \,\mathrm{k}\Omega} = 0 \,\mathrm{A}$$

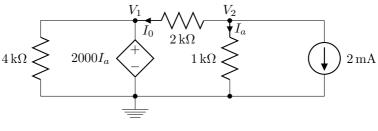
$$I_2 = \frac{V_3 - V_4}{6 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{20 - 10}{6 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{5}{3} \,\mathrm{mA}$$

مشق 3.9: شكل 3.19 ميں I_0 دريافت كريں۔





اب. 3. جو ژاور دائری تحب زیب



شكل 3.21: مثال 3.8 كادور

مشق 3.10: شكل 3.20 ميں I_0 دريافت كريں۔

3.5 تابع منبع دباواستعال كرنے والے ادوار

تابع منبع استعال کرنے والے ادوار کو بھی مندرجہ بالا طریقوں سے حل کیا جاتا ہے۔آئیں چند مثال دیکھیں۔

مثال 3.8: شكل 3.21 ميں مثال كريں۔

حل: چونکہ جوڑ V_1 تابع منبع دباوسے جڑا ہے للذا

 $V_1 = 2000I_a$

ہو گا جہاں

$$I_a = \frac{V_2}{1 \, \mathrm{k} \Omega}$$

ہے۔جوڑ V2 پر کرخوف قانون روسے درج ذیل کھتے ہیں۔

$$2\,\mathrm{mA} + \frac{V_2 - V_1}{2\,\mathrm{k}\Omega} + I_a = 0$$

انہیں حل کرنے سے

$$V_2 = -4 \,\mathrm{V}$$

$$V_1 = -8 \,\mathrm{V}$$

$$I_a = -4 \,\mathrm{mA}$$

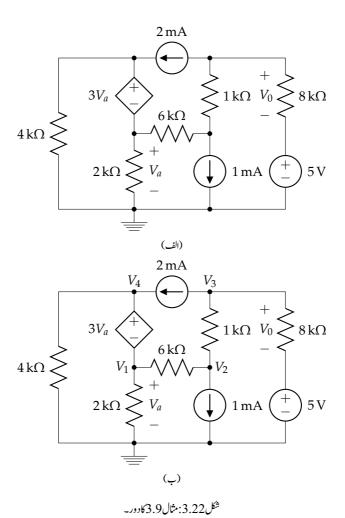
حاصل ہوتے ہیں للمذا

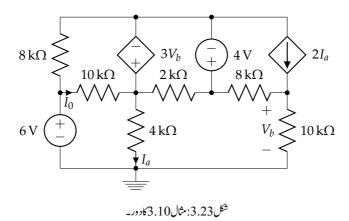
$$I_0 = \frac{(-4) - (-8)}{2 \,\mathrm{k}\Omega} = 2 \,\mathrm{mA}$$

ہو گی۔

مثال 3.22 شکل 3.22 میں تابع منبع مخلوط جوڑ کے مابین نسب ہے۔اس دور میں V_0 حاصل کریں۔

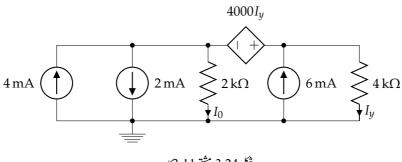
مثال 3.10: شكل 3.23 ميں I_0 دريافت كريں۔ دونوں غير تابع منبغ دباو كي رو بھي حاصل كريں۔





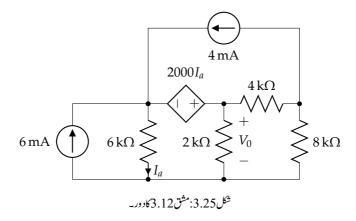
مثق 3.11: شكل 3.24 ميں ماصل كريں۔

مشق 3.12: شكل 3.25 ميں مشق 3.12 شكل كريں۔



شكل3.24: مشق 3.11 كادور

اب. 3.جوڑاوردائری تحبزیہ



3.6 دائری تجزیه

$$i_{1}(t) = -i_{A}(t)$$

$$i_{2}(t) = i_{B}(t) - i_{A}(t)$$

$$i_{3}(t) = i_{B}(t) - i_{C}(t)$$

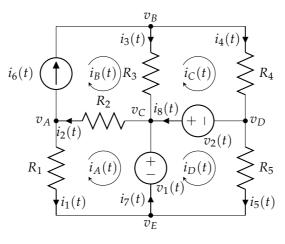
$$i_{4}(t) = i_{C}(t)$$

$$i_{5}(t) = i_{D}(t)$$

$$i_{6}(t) = i_{B}(t)$$

$$i_{7}(t) = i_{D}(t) - i_{A}(t)$$

3.6. دائری تحبزیه



شكل 3.26: دائرى تركيب كى مثال_

باب. 3. جوڑاور دائری تحبزیہ