## برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

# عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/( a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا <b>ر</b> قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	(```	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								ىلە دا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•				او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								ىلە دا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•	)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (	حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	زراز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(	تعمار	والمع	د با	$\dot{c}$	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی	) برق گیراو	6
ر من بر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر میں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہو		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعادی اداماله کیر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۰ میں اور در میں میں ہوتات کی میں میں تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

295																														ت	ساوا	ے مر	ومح	ی عمر	ى كى	عمل	رو		7	.2.	1			
321																																							. (	مرا کن مرا	,	7	.3	
328																																						وار	ادو	در ج	رو	7	.4	
359																																							نارو	بدلق	الت	رارحا	برق	8
359																																							ر اراد	وطاء	مخلو	8	.1	
364																																						عل	يا تفا	ئن نم	سا		.2	
373	•	•	·	·			•	•	٠	٠	•	·	·	·	•	•	•	·	·	·	•	·	•	•	•	٠	•	•	•	·	·	·	, }	فاع	٠,	2		مخل	ااور	ر ئن نم	سا	_	.3	
381	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		0	•	ر ت	<i>).</i> •	נע		مار مرز	ں ری		-	.4	
386	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	تعا	٠.	س		٠,		٠ نند	-	٠	• س		٠.	/	; "		رن		-	•	
																																										8		
396	•	٠	٠	•	•		•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	C	اواؤ '	افرا	رتی	ڊر ب <u>ا</u>	ك او	اور	نی رک م	1.	_	.6	
409	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	٠	•	٠	•		•		ل	شكا	کےا	ي _	بات	تمته	ری	وو	_	.7	
419																																											.8	
424	•	•	•	•				•	•		•										•			•				•					•		•			ليب	زا	زيانى	تج	8	.9	
443																																							,	اقت ا	قى ط	, ار بر	ىرق	9
443																																										•	.1	
446	•	•	·	•			•	•	٠	٠	•	·	·	·	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	٠	·	•	·	•	•	•	•				- قر-	ں ۔ سط طا	اور	9	.2	
453	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	سا	کام	زر		ز.	منتف	::	ماق			ıl.	سرز	اده ٠	. ;	-	.3	
463	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		~	٠	_	-,	U		_		ש	ن ار	-		ڊريات رثه قبر	ري مه	-	.4	
472																																										-	.5	
476																																										_	.6	
476 484																																											.7	
404	•	٠	٠	•	•		•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	•	٠	•	•	•	٠	٠	•	•	•	•	•		U	ננ	ن	ات رة	.وطاد م ظة	グ. *~	_	.8	
489																																												
489	•	•	•	•	•		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	•	•	•	٠	٠	•	٠	•	•	•	•		. (	لظام	6)	ب د و	ايد	9	.9	

عـــنوان

# باب9 بر قرار بر قی طاقت

### 9.1 لمحاتى طاقت

شکل 9.1 میں بوجھ  $\, Z \,\,$  کو بدلتی رو منبع طاقت فراہم کرتا ہے۔اس عمومی دور کے برقرار دباو اور برقرار رو درج ذیل کھھے جا سکتے ہیں۔

(9.1) 
$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \phi_v)$$
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \phi_i)$$

یوں کسی بھی لمچہ بوچھ کو منتقل طاقت درج ذیل ہو گا

(9.2) 
$$p(t) = v(t)i(t)$$

$$= V_0 I_0 \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i)$$

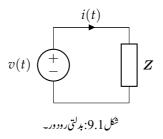
جس میں

(9.3) 
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha - \beta) + \cos(\alpha + \beta)}{2}$$

استعال کرتے ہوئے

(9.4) 
$$p(t) = \frac{V_0 I_0}{2} \left[ \cos(\phi_v - \phi_i) + \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) \right]$$

باب 9. بر قرار برقی طب قت



ملتا ہے جہاں  $\alpha=\omega t+\phi_v$  اور  $\beta=\omega t+\phi_i$  اور  $\beta=\omega t+\phi_i$  اور کیھ سکتے ہیں کہ کمحاتی طاقت دو اجزاء کا مجموعہ ہے۔ پہلا جزو مستقل طاقت ہے جو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ دو سرا جزو دگنی تعدد کا بدلتی رو طاقت ہے۔

مثال 9.1: شکل 9.1 میں بر قرار دباو  $Z=5/20^\circ$  ور $v(t)=15\cos(100t+45^\circ)$  اور  $Z=5/20^\circ$  بیں۔بو جھ کو منتقل کمحاتی طاقت دریافت کریں۔

حل: دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے

$$\hat{I} = \frac{15/45^{\circ}}{5/20^{\circ}}$$
  
= 3/25° A

لعيني

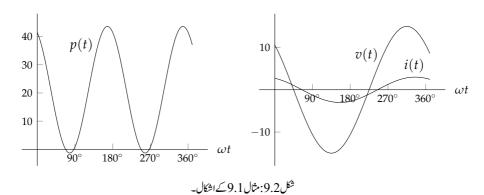
$$i(t) = 3\cos(100t + 25^\circ) \,\mathrm{A}$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یوں مساوات 9.4 سے کماتی طاقت درج ذیل لکھی جاسکتی ہے۔

$$p(t) = 22.5 \left[\cos 20^{\circ} + \cos(200t + 70^{\circ})\right]$$
  
= 21.143 + 22.5 \cos(200t + 70^{\circ}) W

د باو، رو اور طاقت کے خط شکل 9.2 میں دکھائے گئے ہیں۔درج بالا مساوات میں  $21.143 \, \mathrm{W}$  مستقل طاقت ہے جو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ  $200 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  کی  $22.5 \, \mathrm{cos}(200t + 70^\circ) \, \mathrm{W}$  کوقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ  $200 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ 

9.1. لمحت تي طاقت



مثال 9.2: شکل  $Z=Z_0/\phi_z$  اور  $v(t)=V_0\cos(\omega t+\phi_v)\,\mathrm{V}$  بین روور یافت کریں۔ مثال 9.2 شکل 9.1 مثال 9.2 مثال 9.

حل: دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے

$$\hat{I} = \frac{V_0/\phi_v}{Z_0/\phi_z}$$

$$= \frac{V_0}{Z_0}/\phi_v - \phi_z$$

کھا جا سکتا ہے جس سے وقتی دائرہ کار میں رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$i(t) = \frac{V_0}{Z_0}\cos(\omega t + \phi_v - \phi_z)$$

 $\phi_v - \phi_z$  مساوات  $\theta_i$  میں دیے عمومی رو کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ  $\phi_i$  در حقیقت میں  $\phi_v - \phi_z$  مساوات  $\phi_i$  درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$\phi_v - \phi_i = \phi_z$$

دہراتے تفاعل (مثلاً سائن نما تفاعل) کے ایک دوری عرصے پر تکمل کو دوری عرصے سے تقسیم کرنے سے تفاعل کی اوسط قیمت حاصل ہوتی ہے۔یوں مساوات 9.1 میں دیے دباواور روکی صورت میں بوجھ کو منتقل اوسط طاقت درج ذیل ہوگی

(9.7) 
$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} p(t) dt = \frac{V_0 I_0}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i) dt$$

جہاں  $t_0$  کوئی بھی لمحہ ہو سکتا ہے جبکہ  $T=\frac{2\pi}{\omega}$  دباویا روکا دوری عرصہ ہے۔ حقیقت میں ہم ایک دوری عرصے کی بجائے n کمل دوری عرصے پر تکمل لیتے ہوئے n دوری عرصے سے تقسیم کرتے ہوئے بھی اوسط قیمت حاصل کر سکتے ہیں۔ یوں اوسط طاقت درج ذیل بھی لکھی جاسکتی ہے۔

$$(9.8) P = \frac{V_0 I_0}{nT} \int_{t_0}^{t_0 + nT} \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i) dt$$

ماوات 9.4 کی مدد سے ماوات 9.7 درج ذیل لکھا جائے گا۔

(9.9) 
$$P = \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \left[ \cos(\phi_v - \phi_i) + \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) \right] dt \\ = \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(\phi_v - \phi_i) dt + \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) dt$$

درج بالا تکمل کے دواجزاء کو باری باری حل کرتے ہیں۔ پہلا جزومتنقل ہے للنذااس کو تکمل کے باہر ککھتے ہوئے حل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0 + T} \cos(\phi_v - \phi_i) \, \mathrm{d}t &= \frac{V_0 I_0}{2T} \cos(\phi_v - \phi_i) \int_{t_0}^{t_0 + T} \mathrm{d}t \\ &= \frac{V_0 I_0}{2T} \cos(\phi_v - \phi_i) t \bigg|_{t_0}^{t_0 + T} \\ &= \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i) \end{split}$$

اب مساوات 9.9 کے دوسرے جزو کو حل کرتے ہیں

$$\frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) dt = \frac{V_0 I_0}{2T} \frac{\sin(2\omega t + \phi_v + \phi_i)}{2\omega} \Big|_{t_0}^{t_0+T}$$
= 0

9.2 اوسط طب قت

جہاں  $\sin \alpha = \sin(\alpha + T)$  کا استعال کیا گیا ہے۔ یوں مساوات 9.9 سے درج ذیل اوسط طاقت حاصل ہوتا ہے۔

(9.10) 
$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

 $\phi_i - \phi_v$  یا  $\phi_v - \phi_i$  یا کادلیل کوسائن کادلیل  $\phi_v - \phi_i$  یا ساوات میں کوسائن کادلیل  $\phi_v - \phi_v$  یا  $\phi_v - \phi_v$  یا کھا جا سکتا ہے۔ مساوات 6.9 کو استعال کرتے ہوئے درج بالا مساوات کو دوبارہ لکھتے ہیں۔

$$(9.11) P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos \phi_z$$

 $^{\circ}$  خالص مزاحمتی رکاوٹ  $Z=R/0^{\circ}$  کا زاویہ ہٹاو  $^{\circ}$  ہوتا ہے للذا  $^{\circ}$  النظ  $^{\circ}$  کا زاویہ ہٹاو میں طاقت

$$(9.12) P_{\ddot{\nu}} = \frac{V_0 I_0}{2}$$

ہو گا جہاں  $V_0$  سے مراد مزاحمت کے دباو کا حیطہ ہے۔ قانون اوہم سے درج بالا کو درج ذیل صورتوں میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

$$(9.13) P_{\ddot{5}^2 | \dot{7}^*} = \frac{I_0^2 R}{2}$$

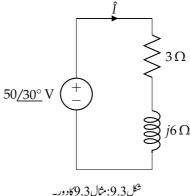
(9.14) 
$$P_{\ddot{\mathcal{S}}^{2}_{i}} = \frac{V_{0}^{2}}{2R}$$

درج بالا تینوں مساوات کا یک سمتی رو میں مزاحمتی ضیاع کے مساوات کے ساتھ موازنہ کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ موجودہ تینوں مساوات کے نسب نما میں دو (2) کا اضافی عدد پایا جاتا ہے جس پر حصہ 9.4 میں تبحرہ کیا جائے گا۔

امالی متعاملیت کی رکاوٹ  $Z_C = X_C / -90^\circ$  جبکہ برق گیر متعاملیت کی رکاوٹ  $Z_C = X_C / -90^\circ$  ہوتی ہے۔ چونکہ  $\cos(\mp 90^\circ) = 0$  ہوتا ہے لہذا غیر مزاحمتی رکاوٹ کی طاقت صفر ہو گی۔

$$(9.15) P_{يوالي} = 0$$

چونکہ خالص متعامل پرزوں کو صفر اوسط طاقت منتقل ہوتی ہے المذاانہیں بسے ضیاع پرزمے <sup>1</sup> کہتے ہیں۔دور کا متعامل حصہ، دوری عرصے کے کچھ حصے میں دور سے طاقت حاصل کرتے ہوئے ذخیرہ کرتا ہے جبکہ دوری عرصے کے کسی دوسرے حصے میں اسی طاقت کو دور کو واپس کرتا ہے۔ با\_\_9. برقرار برقی طباقت 448



مثال 9.3: شكل 9.3 ميں ركاوٹ كى اوسط طاقت دريافت كريں۔

حل:رو درج ذیل ہے۔

$$\hat{I} = \frac{50/30^{\circ}}{3+j6} = \frac{50/30^{\circ}}{3+j6} = \frac{50/30^{\circ}}{\sqrt{45}/63.435^{\circ}} = 7.454/-33.435^{\circ} \,A$$

نوں

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

$$= \frac{(50)(7.454)}{2} \cos[30^\circ - (-33.435^\circ)]$$

$$= 83.34 \text{ W}$$

ہو گا۔ چونکہ طاقت صرف مزاحت میں ضائع ہوتی ہے المذایبی جواب مساوات 9.12سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں سے مراد مزاحمت کے دباو کا حیطہ ہے۔ تقسیم دباوسے مزاحمت کا دباو درج ذیل ہے  $V_0$ 

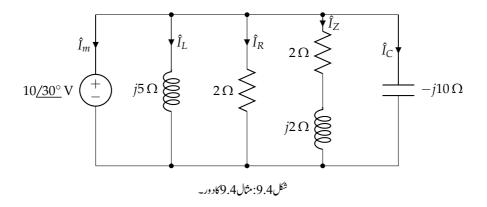
$$\hat{V}_R = \left(\frac{3}{3+j6}\right) 50 / 30^\circ = 22.361 / -33.435^\circ$$

جس سے مزاحمت کا اوسط طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} = \frac{(22.361)(7.454)}{2} = 83.34 \,\mathrm{W}$$

lossless components<sup>1</sup>

9.2 اوسط طب قت



 $P=rac{I_0^2R}{2}=rac{(7.454^2)(3)}{2}=83.34\,\mathrm{W}$   $P=rac{V_0^2}{2R}=rac{(22.361^2)}{(2)(3)}=83.34\,\mathrm{W}$ 

مثال 9.4 شكل 9.4 مين منبغ د ياو كا اوسط طاقت حاصل كريں۔دور كے بقايا پر زوں كا اوسط طاقت بحى دريافت كريں۔  $\hat{I}_L = \frac{10/30^\circ}{j5} = \frac{10/30^\circ}{5/90^\circ} = 2/-60^\circ$   $\hat{I}_R = \frac{10/30^\circ}{2} = \frac{10/30^\circ}{2/0^\circ} = 5/30^\circ$   $\hat{I}_R = \frac{10/30^\circ}{2} = \frac{10/30^\circ}{2/0^\circ} = 5/30^\circ$   $\hat{I}_R = \frac{10/30^\circ}{2+j2} = \frac{10/30^\circ}{\sqrt{8/45^\circ}} = \frac{5}{\sqrt{2}}/-15^\circ$   $\hat{I}_C = \frac{10/30^\circ}{-j10} = \frac{10/30^\circ}{10/-90^\circ} = 1/120^\circ$   $\hat{I}_m = -\left[\hat{I}_L + \hat{I}_R + \hat{I}_Z + \hat{I}_C\right] = 8.27647/-175.01689^\circ$ 

باب.9. بر قرار برقی طب قت

یوں انفرادی شاخوں کے اوسط طاقت مساوات 9.10 یا مساوات 9.11 سے درج ذیل ہوں گے۔

$$P_{L} = \frac{(30)(2)}{2}\cos(90^{\circ})$$
 = 0 W

$$P_R = \frac{(30)(5)}{2}\cos(0^\circ) = 75\,\mathrm{W}$$

$$P_Z = \frac{(30)(\frac{5}{\sqrt{2}})}{2}\cos(45^\circ)$$
 = 37.5 W

$$P_C = \frac{(30)(1)}{2}\cos(90^\circ) = 0 \,\mathrm{W}$$

$$P_m = \frac{(30)(8.27647)}{2}\cos[(30^\circ + 175.01689^\circ)] = -112.5 \,\mathrm{W}$$

مثبت جواب طاقت کا ضیاع ہے جبکہ منفی جواب طاقت کی پیداوار ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع کی طاقتی پیداوار 112.5W ہے جو دور میں طاقت کے ضیاع

$$P_L + P_R + P_Z + P_C = 0 + 75 + 37.5 + 0 = 112.5 \text{ W}$$

کے عین برابر ہے۔

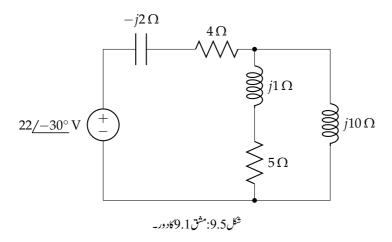
مثق 9.1: شكل 9.5 كے تمام مزاحمتوں ميں ضائع ہونے والا اوسط طاقت دريافت كريں۔

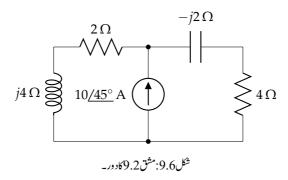
 $P_{5\,\Omega}=14.975\,\mathrm{W}$  ،  $P_{4\,\Omega}=17.491\,\mathrm{W}$  . وابات:

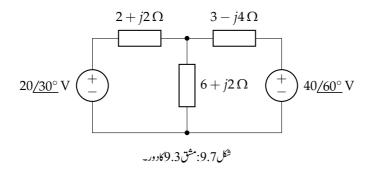
مشق 9.2: شكل 9.6 ك تمام مزاحمتول مين ضائع هونے والا اوسط طاقت دريافت كريں۔

 $P_{4\,\Omega}=100\,\mathrm{W}$  ،  $P_{2\,\Omega}=50\,\mathrm{W}$  : برایت:

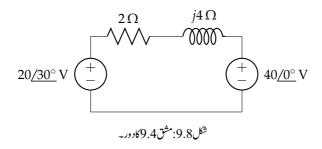
9.2 اوسط طب قت







باب 9. بر قرار برقی طب قت



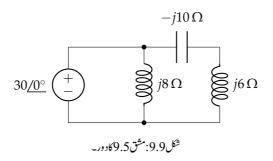
مثق 9.3: شکل 9.7 کے تمام مزاحمتوں میں ضائع ہونے والا اوسط طاقت دریافت کریں۔

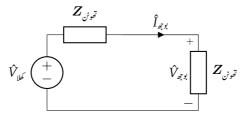
 $P_{6\,\Omega}=11.42\,\mathrm{W}$  ،  $P_{3\,\Omega}=5.71\,\mathrm{W}$  ،  $P_{2\,\Omega}=22.72\,\mathrm{W}$  . بابت:

ایک سے زیادہ منبع کی صورت میں آپ کسی بھی ترکیب کو استعال کرتے ہوئے شاخوں کی رواور جوڑ کے دباو حاصل کرتے ہوئے طاقت دریافت کر سکتے ہیں۔البتہ یاد رہے کہ ترکیب نفاذ سے طاقت کا تخمینہ نہیں لگایا جا سکتا چونکہ طاقت مربع دباو (یا مربع رو) کا تعلق رکھتا ہے جو غیر خطی تعلق ہے۔

مثق 9.4: شكل 9.8 مين اوسط طاقت كى پيداوار اور ضياع معلوم كريں۔

 $P_{2\,\Omega}=30.72\,\mathrm{W}$  ,  $P_{40\underline{/0^\circ}}=-5.36\,\mathrm{W}$  ,  $P_{20\underline{/30^\circ}}=-25.36\,\mathrm{W}$ 





شكل 9.10: زياده سے زيادہ اوسط طاقت منتقل كرنے كامسكه۔

مثق 9.5: شكل 9.9 مين اوسط طاقت كى پيداوار اور ضياع معلوم كريں۔

جواب: اوسط طاقت کی پیدا دار اور طاقت کا ضیاع صفر واٹ ہیں۔

### 9.3 زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل کرنے کامسکلہ

یک سمتی روادوار میں ہم زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلے پر ہم حصہ 5.8 میں غور کر چکے ہیں۔آئیں بدلتی رو کی صورت میں اسی مسئلے پر دوبارہ غور کریں۔

کسی بھی دور کا تھونن مساوی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ شکل 9.10 میں تھونن مساوی دور کے ساتھ بوجھ جوڑا گیا ہے جہاں تھونن دباو کو کہا گیا ہے۔ ہم جاننا چاہتے ہیں کہ بوجھ کو کس صورت میں زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔ باب9. بر قرار برقی طاقت

شکل کو دیکھ کر درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{\mathbf{l}}_{\mathcal{B},\mathbf{y}} = \frac{\hat{V}_{\mathbf{y}}}{\mathbf{Z}_{\dot{\mathbf{z}},\dot{\mathbf{y}}}} + \mathbf{Z}_{\mathcal{B},\mathbf{y}}$$

جہاں

$$egin{align} oldsymbol{Z}_{\dot{oldsymbol{arphi}}} &= R_{\dot{oldsymbol{arphi}}} + j X_{\dot{oldsymbol{arphi}}} \ oldsymbol{Z}_{oldsymbol{arphi}} &= R_{oldsymbol{arphi}} + j X_{oldsymbol{arphi}} \ \hat{V}_{oldsymbol{arphi}} &= V_{oldsymbol{arphi}} igg/\phi_{oldsymbol{arphi}} \ egin{align} & \phi_{oldsymbol{arphi}} \ oldsymbol{arphi} \ oldsymbol{arphi}$$

ہیں۔ درج بالا میں امالی رکاوٹ کی صورت میں X کی قیمت مثبت ہوگی جبکہ برق گیر رکاوٹ کی صورت میں اس کی قیمت منفی ہوگی۔ یوں مساوات 9.16 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{I}_{\text{pr}} = \frac{V_{\text{blue}}/\phi_{\text{blue}}}{R_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}}$$

جس کی حتمی قیمت درج ذیل ہے۔

$$I_{\mathcal{B}, \mathcal{A}} = rac{V_{\mathcal{A}}}{\sqrt{(R_{\mathcal{C}, \mathcal{B}} + R_{\mathcal{B}, \mathcal{A}})^2 + (X_{\mathcal{C}, \mathcal{B}} + X_{\mathcal{B}, \mathcal{A}})^2}}$$

بوجھ كو منتقل اوسط طاقت مساوات 9.13 كى مدد سے لكھتے ہيں۔

$$P_{\vec{e},\vec{y}} = \frac{1}{2} I_{\vec{e},\vec{y}}^2 R_{\vec{e},\vec{y}}^2$$

$$= \frac{\frac{1}{2} V_{\vec{e},\vec{y}}^2 R_{\vec{e},\vec{y}}^2}{(R_{\vec{e},\vec{y}}^2 + R_{\vec{e},\vec{y}}^2)^2 + (X_{\vec{e},\vec{y}}^2 + X_{\vec{e},\vec{y}}^2)^2}$$

ہم جانتے ہیں کہ X میں طاقت ضائع نہیں ہوتا للذا اس کو اوسطاً صفر طاقت منتقل ہوتا ہے۔ درج بالا مساوات میں کسر کے نسب نما میں X+y بوجھ X کی قیمت کم سے کم کرتے ہوئے طاقت بڑھائی جاسکتی ہے۔ درج ذیل صورت میں اس قیمت کو صفر بنایا جاسکتا ہے۔

$$(9.18)$$
 بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کا پہلا شرط تھونن $X=-X$ 

مساوات 9.18 کے شرط پر پورااترتے ہوئے مساوات 9.17 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(9.19) 
$$P_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{V_{\text{bl}}^2 R_{\vec{x},\vec{y}}}{2(R_{\vec{x},\vec{y}} + R_{\vec{x},\vec{y}})^2}$$

آئیں جانتے ہیں کہ کس قیمت کے بوجہ R کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہو گی۔یہ جاننے کے لئے درج بالا مساوات کے تفرق کو صفر کے برابر پُر کرتے ہوئے بوجہ R کی درکار قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}P_{\vec{x},\vec{y},}}{\mathrm{d}R_{\vec{x},\vec{y},}} = \frac{V_{\vec{x},\vec{y},}^2\left(R_{\vec{y},\vec{y},\vec{z}} + R_{\vec{x},\vec{y},\vec{y}}\right)^2 - 2V_{\vec{x},\vec{y},}^2R_{\vec{x},\vec{y},}^2\left(R_{\vec{y},\vec{y},\vec{z}} + R_{\vec{x},\vec{y},\vec{y}}\right)}{2\left(R_{\vec{y},\vec{y},\vec{z}} + R_{\vec{x},\vec{y},\vec{y}}\right)^4} = 0$$

اس سے

$$(9.20)$$
 بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کا دوسرا شرط تھونن  $R_{e,i}=R_{e,i}$ 

حاصل ہوتا ہے۔اس منتیج کے تحت بوجھ کو اس صورت زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہوگی جب بوجھ کی مزاحمت دور کے تھونن مزاحمت کے برابر ہو۔ مساوات 9.18 اور مساوات 9.20 کو استعال کرتے ہوئے، بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہونے کی شرط کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$(9.21) R_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} + jX_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} = R_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} - jX_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}}$$

$$Z_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} = Z_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}}^*$$

مساوات 9.21 کی صورت میں زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت درج ذیل حاصل ہو گ۔

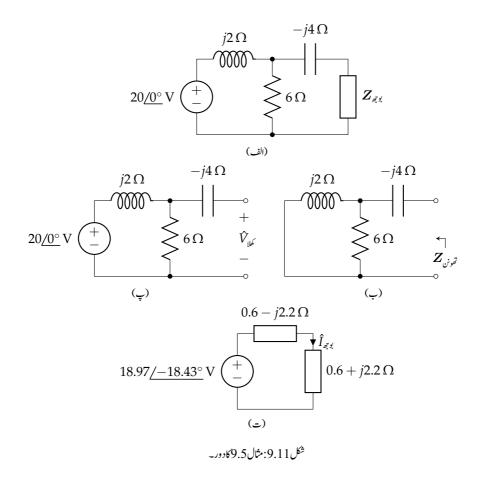
$$(9.22) P_{\text{just}} = \frac{V_{\text{bls}}^2}{8R_{\text{arg}}}$$

 $(X_L=0)$  کی صورت میں میاوات 9.17 کے تفرق کو صفر  $(X_L=0)$  کی مزاحمتی بوجھ  $rac{\mathrm{d}P_{e,j}}{\mathrm{d}R}=0$ 

کے برابر پر کرنے سے درج ذیل ملتاہے۔

(9.23) 
$$R_{\bar{\omega}_{i},j} = \sqrt{R_{\bar{\omega}_{i},j}^{2} + X_{\bar{\omega}_{i},j}^{2}} + X_{\bar{\omega}_{i},j}^{2}$$

باب.9. بر قرار برق ك قت



مثال 9.5: شکل 9.11 میں بوجھ کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہو گا۔اس طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

حل: سب سے پہلے بوجھ کو ہٹاتے ہوئے بقایا دور کا تھونن مساوی حاصل کرنا ہو گا۔ شکل-ب میں منبع دباو کو قصر دور کیا گیا ہے تاکہ تھونن مزاحمت حاصل کی جا سکے۔اسی طرح شکل-پ میں کھلے دور دباوکی نشاندہی کی گئی ہے۔ شکل-ب تھونن

ر کاوٹ لکھتے ہیں۔

$$Z_{\ddot{v_e}\ddot{\dot{v}_e}} = -j4 + \frac{(6)(j2)}{6+j2} = \frac{3}{5} - j\frac{11}{5}\Omega$$

یوں بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کے لئے ضروری ہے کہ بوجھ کی رکاوٹ درج ذیل ہو۔

$$oldsymbol{Z}_{\mathcal{Z},\mathcal{Y}}=rac{3}{5}+jrac{11}{5}\,\Omega$$

شکل-پ میں برق گیر میں صفر روہے لہذااس پر دباو بھی صفر ہو گا۔اس طرح مزاحمت پر دباو ہی تھونن دباوہے جسے تقسیم دباو کے کلیے سے لکھتے ہیں۔

$$\hat{V}_{\text{ps}} = \left(\frac{6}{6+j2}\right) (20\underline{/0^{\circ}}) = 18.97\underline{/-18.43^{\circ}} \,\text{V}$$

شکل-ت میں تھونن مساوی دور کو بوجھ کے ساتھ جوڑ کر د کھایا گیاہے جہاں سے رو حاصل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \hat{I}_{\mathbf{z},\mathbf{z}'} &= \frac{18.97 / -18.43^{\circ}}{\frac{3}{5} - j\frac{11}{5} + \frac{3}{5} + j\frac{11}{5}} \\ &= 15.81 / -18.43^{\circ} \, \mathrm{A} \end{split}$$

یوں بوجھ کو منتقل اوسط طاقت درج ذیل ہو گا۔

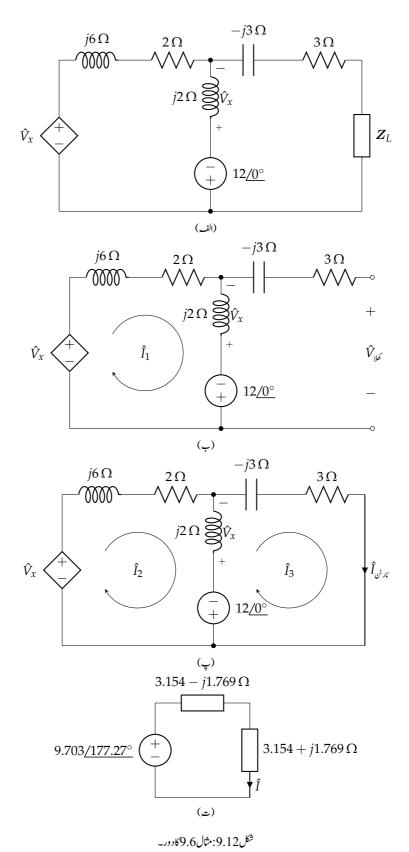
$$P_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{(15.81^2)(0.6)}{2} = 74.99 \,\mathrm{W}$$

مثال 9.6: شکل 9.12 میں بوجھ کے رکاوٹ  $Z_L$  کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر اس کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔اس طاقت کو تخمینہ بھی لگائیں۔

حل: بوجھ کے ساتھ جڑے دور کا تھونن مساوی حاصل کرتے ہیں۔ شکل-ب سے نارٹن دباو کھلا کہ حاصل ہو گا۔ شکل- بے بائیں دائرے کی مساوات لکھتے ہیں

$$\hat{V}_x + 12/0^\circ = \hat{I}_1(j6 + 2 + j2)$$

باب 9. بر قرار برتی طاقت



جہاں

$$\hat{V}_x = -j2\hat{I}_1$$

کے برابر ہے۔ درج بالا دو مساوات کو حل کرنے سے درج ذیل ملتا ہے۔

$$\begin{split} \hat{I}_1 &= \frac{12/0^{\circ}}{2+j10} \\ &= \frac{3}{13} - j\frac{15}{13} \\ &= 1.17669/-78.69^{\circ} \, \text{A} \end{split}$$

يوں تھونن د باو درج ذيل ہو گا۔

$$\hat{V}_{\text{JJ}} = (j2)(\hat{I}_1) - 12/0^{\circ}$$
= 9.703/177.27° V

شکل۔ یہ سے نارٹن رو دریافت کرتے ہیں۔ دونوں دائروں کے کرخوف مساوات اور  $\hat{V}_x$  کی مساوات کھتے ہیں

$$\hat{V}_x + 12 = \hat{I}_2(j6 + 2 + j2) - \hat{I}_3(j2)$$

$$12 + \hat{I}_3(j2 - j3 + 3) - \hat{I}_2(j2) = 0$$

$$\hat{V}_x = (\hat{I}_3 - \hat{I}_2)(j2)$$

درج بالا تین ہمزاد مساوات کو  $\hat{I}_3$  کے لئے حل کرنے سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$\hat{I}_3 = \hat{I}_{\phi', k} = -\frac{12}{5} - j\frac{6}{5}$$
  
= 2.683/-153.435° A

تھونن دباو اور نارٹن رو سے تھونن ر کاوٹ حاصل کرتے ہیں۔

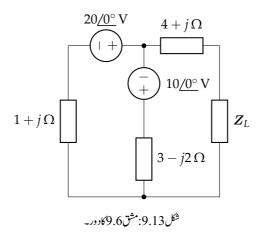
$$Z_{ij} = \frac{\hat{V}_{ij}}{\hat{l}_{ij}}$$

$$= \frac{9.703/177.27^{\circ}}{2.683/-153.435^{\circ}}$$

$$= 3.616/-29.291^{\circ}$$

$$= 3.154 - j1.769 \Omega$$

باب 9. بر قرار برقی طب قت



بوجھ کوزیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل کرنے کی خاطر بوجھ کے رکاوٹ کی درکار قیمت 0 3.154 + j1.769 بوجھ کے رکاوٹ کی سے اوجھ کی روحاصل کرتے ہیں۔ ہے۔شکل-ت میں تھونن دور کے ساتھ بوجھ جڑا ہوا د کھایا گیا ہے جہاں سے بوجھ کی روحاصل کرتے ہیں۔

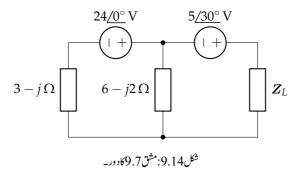
$$\hat{I} = \frac{9.703/177.27^{\circ}}{3.154 - j1.769 + 3.154 + j1.769}$$
$$= 1.538/177.27^{\circ} \text{ A}$$

يوں بوجھ كو درج ذيل اوسط طاقت منتقل ہو گا۔

$$P_{\text{pixt}} = \frac{(1.538^2)(3.154)}{2} = 3.73 \,\text{W}$$

مثق 9.6: شکل 9.13 میں بوجھ  $Z_L$  کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

 $7.18\,\mathrm{W}$  ،  $Z_L=5.1-j1.53\,\Omega$  جوابات:



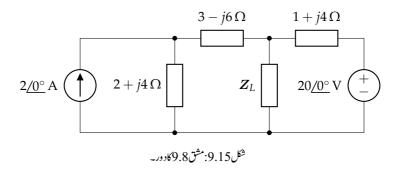
مثق 9.7: شکل 9.14 میں بوجھ  $Z_L$  کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔ زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔ جوابات:  $Z_L = 2 + j_2^2 \Omega$ 

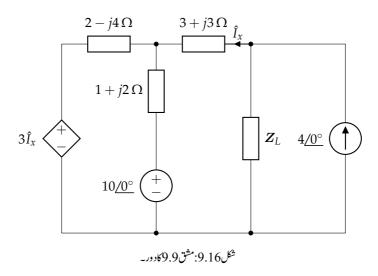
مثق 9.8: شکل 9.15 میں بوجھ  $Z_L$  کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔ زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔ جوابات:  $\Omega = 2.85 - j2.05$ 

مشق 9.9: شکل 9.16 میں بوجھ  $Z_L$  کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

 $33.03\,\mathrm{W}$  ،  $m{Z}_L = 5.077j6.385\,\Omega$  جوابات:

باب 9. بر قرار برتی طب قت





9.4 موثر قيمت

### 9.4 موثر قيمت

 $I^2$  کے سمتی رو ادوار پر ہم تفصیلاً غور کر چکے ہیں جہاں ہم نے دیکھا کہ مزاحمت R میں یک سمتی رو  $I^2$  کے گزرنے سے مزاحمت میں  $I^2$  طاقت کا ضیاع ہوتا ہے۔ یک سمتی رو کی مقدار تبدیل نہیں ہوتی للذا مزاحمت کو ہر لمحہ بر قرار  $I^2$  مؤاقت فراہم ہوتا ہے۔ غیر تغیر طاقت کا اوسط بھی  $I^2$  ہو گا۔ اس کے بر عکس سائن نمارو کی صورت میں مزاحمت کو منتقل طاقت لمحہ بالمحہ تبدیل ہوتا ہے۔ یوں  $I(t) = I_0 \cos(\omega t)$  کی صورت میں لمحہ  $I_0$  پر مزاحمتی طاقت زیادہ سے زیادہ ہو گا جب  $I_0$  ہو گا۔ اس اتار چڑھاو کی وجہ سے سائن نمارو کی صورت میں مزاحمت کو منتقل اوسط طاقت  $I_0$  عاصل ہوتا ہے۔ یوں  $I_0$  حیطے کی سائن نمارو مزاحمت کو منتقل اوسط طاقت  $I_0$  عاصل ہوتا ہے۔ یوں  $I_0$  حیطے کی سائن نمارو کی موثر قیمت  $I_0$  ہوگی رو کے یک سمتی رو برابر طاقت فراہم کرتا ہے۔ ہم کہہ سکتے ہیں کہ  $I_0$  حیطے کی سائن نمارو کی موثر قیمت کواں دہراتی ہوئی رو کے طاقت کے برابر طاقت نتقل کرتی ہو۔  $I_0$  سے مراد وہ یک سمتی رو ہے جو مزاحمت کواں دہراتی ہوئی رو کے طاقت کے برابر طاقت منتقل کرتی ہو۔

ہم جانتے ہیں کہ رو i(t) مزاحمت R کو  $i^2(t)$  کھاتی طاقت منتقل کرتی ہے۔اگراس رو کا دوری عرصہ T ہو تب مزاحمت کو اوسطاً

(9.24) 
$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} i^2(t) R \, dt$$

طاقت منتقل ہو گا۔ ہم یہ مجھی جانتے ہیں کہ ہوڑI یک سمتی رواسی مزاحمت کو درج ذیل طاقت منتقل کرتی ہے۔

$$(9.25) P = I_{\tau, r}^2 R$$

اگر مزاحمت کو دونوں روایک برابر طاقت منتقل کرتی ہوں تب درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$I_{f_0}^2 R = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} i^2(t) R \, dt$$

جسسے

(9.26) 
$$I_{f_0} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} i^2(t) \, dt}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 9.26 موثر رو  $I_{r}$  کی تعریف ہے۔

باب9. بر قرار برقى طاقت

موثر دباو کو بھی اسی طرح حاصل کیا جا سکتا ہے۔ مزاحمت R کے متوازی دباو v(t) نسب کرنے سے مزاحمت کو لمحاتی طور پر  $\frac{v^2(t)}{R}$  طاقت منتقل ہو گا۔ اگر دباو کا دوری عرصہ T ہو تب مزاحمت کو اوسطاً

(9.27) 
$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} \frac{v^2(t)}{R} dt$$

طاقت منتقل ہو گا۔ اسی مزاحمت کو یک سمتی دباو  $v_{\pm}$  اوسطاً درج ذیل طاقت فراہم کرتا ہے۔

$$(9.28) P = \frac{V_{\stackrel{?}{\cancel{7}}\cancel{7}}^2}{R}$$

دونوں طاقت برابر ہونے کی صورت میں موثر دباو کی مساوات درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

(9.29) 
$$V_{\tau,\tau} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} v^2(t) \, \mathrm{d}t}$$

آئیں ان مساوات کی مدد سے چند امواج کی موثر قیمتیں دریافت کریں۔درج بالا مساوات سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سائن نما موج کی موثر قیمتوں کو عموماً نما موج کی موثر قیمت حاصل کرنے کی خاطر مربع حیطہ کی اوسط کا جذر لیا جاتا ہے۔دباو اور رو کے موثر قیمتوں کو عموماً Vrms اور Irms ککھا جاتا ہے۔

مثال 9.7 بدلتی رو  $I_{rms}$  نفر  $I_{rms}$  کی موثر قیمت  $I_{rms}$  در یافت کریں۔  $I_{rms}$  علی الحال جذر  $I_{rms}$  علی الحال جذر  $I_{rms}$  علی الحال جذر  $I_{rms}$  علی الحال جذر  $I_{rms}$  علی الحال جذر کی خاطر مساوات کا مربع لکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔  $I_{rms}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T I_0^2 \cos^2(\omega t + \phi) \, \mathrm{d}t$  عبیال  $I_{rms}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T \frac{1}{2} \cot^2(\omega t + \phi) \, \mathrm{d}t$  عبیال کرتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے  $I_{rms}^2 = \frac{I_0^2}{T} \int_0^T \frac{1}{2} \, \mathrm{d}t + \frac{I_0^2}{T} \int_0^T \frac{\cos 2(\omega t + \phi)}{2} \, \mathrm{d}t$ 

جس میں دوسرا تکمل صفر کے برابر ہے۔پہلا تکمل حل کرتے ہوئے

$$I_{\rm rms}^2 = \left. \frac{I_0^2}{T} \frac{1}{2} t \right|_0^T$$

9.4 موثر قيت

ليعني

$$I_{\rm rms} = \frac{I_0}{\sqrt{2}}$$

کھا جا سکتا ہے۔چونکہ  $\sin(\omega t + \phi) = \cos(\omega t + \phi - 90^\circ)$  کھا جا سکتا ہے۔ لہٰذا سائن موج کی موثر قیت ہوگے۔ بھی درج ذیل ہو گی۔ کھی درج دیل ہو گی۔

$$V_{\rm rms} = \frac{V_0}{\sqrt{2}}$$

مثق 9.10: درج بالا مثال میں دوسرے تکمل کو حل کرتے ہوئے ثابت کریں کہ یہ صفر کے برابر ہے۔

مثال 9.8: ہمارے ملک پاکستان میں Hz تعدد اور 200 تا 240 V موثر قیمت کا سائن نما برقی د باو گھریلو صار فین کو مہیا کا جاتا ہے۔ د باو کا حیطہ دریافت کرتے ہوئے موج کی مساوات لکھیں۔

حل: دباو کی موثر قیمت کو 230 V لیتے ہوئے مساوات 9.31 سے حیطہ حاصل کرتے ہیں۔

$$(9.32) V_0 = 230\sqrt{2} = 325 \,\mathrm{V}$$

یوں موج کی مساوات درج ذیل ہے۔

(9.33) 
$$v(t) = 230\sqrt{2}\cos(2\pi 50t) \text{ V}$$

باب.9. بر قرار برق ك قت

 $V_0$  اب تک ہم دباویارو کا حیطہ لیتے ہوئے ان کے دوری سمتیات کھتے رہے ہیں مثلاً  $V_0$   $V_0$  وری سمتیہ وردی سمتیہ ویطے اور  $V_0$  زاویہ ہٹاو کے کوسائن دباو کو ظاہر کرتا ہے۔ ہم دوری سمتیات کو موثر قیبت کی صورت میں بھی لکھ سکتے ہیں۔ یوں  $V_0$   $V_0$  میں  $V_0$  میں  $V_0$  میں  $V_0$  میں  $V_0$  میں  $V_0$  میں کو ظاہر کرتی ہے جبکہ  $V_0$  میں کو کام کر کیا ہے۔ میں کر گیس کہ یہ دونوں دوری سمتیات ایک ہی دباو کو ظاہر کرتی ہیں۔

د باو یارو کی قیمتیں مختلف انداز میں بیان کی جاسکتی ہیں۔ مثلاً مساوات 9.33 میں د باو کی چوٹی  $V_{
m p}$  یا مثبت اور منفی چوٹیوں کے در میان قیت  $V_{
m pp}$  اور یا پھر د باو کی موثر قیت  $V_{
m rms}$  بیان کی جاسکتی ہے۔ یوں درج ذیل کھھا جا سکتا ہے۔

$$V_{pp} = 325 \text{ V}$$
$$V_{pp} = 650 \text{ V}$$
$$V_{rms} = 230 \text{ V}$$

بدلتی رو مشینوں کی دباو اور رو کی عموماً موثر قیمتیں بیان کی جاتی ہیں۔یوں کا 230 پر چلنے والا گھریلو پنکھا ورحقیقت rms کے موثر دباو پر چلے گا۔اس کتاب میں موثر قیمتیں استعال کرتے ہوئے دباو اور رو کے ساتھ موثر یا ککھا جائے گا۔

سائن نماد باواور سائن نماروکی صورت میں مساوات 9.10 اوسط طاقت دیتی ہے۔اس مساوات کو یہاں دوبارہ پیش کرتے ہوئے ترتیب دیتے ہیں۔

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$
$$= \frac{V_0}{\sqrt{2}} \frac{I_0}{\sqrt{2}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

چونکہ  $\frac{V_0}{\sqrt{2}}$  اور  $\frac{I_0}{\sqrt{2}}$  بالترتیب موثر دباو  $V_{
m rms}$  اور موثر رو  $I_{
m rms}$  ہیں للذا درج بالا مساوات کو درج ذیل ککھا جا سکتا ہے۔

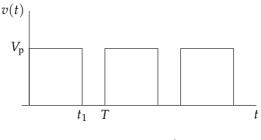
$$(9.34) P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

اسی طرح مزاحمتی بوجھ کی صورت میں اوسط طاقت کے مساوات کو ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے

$$(9.35) P = \frac{I_0^2 R}{2} = I_{\text{rms}}^2 R$$

$$(9.36) P = \frac{V_0^2}{2R} = \frac{V_{\text{rms}}^2}{R}$$

9.4 موثر قيمت



شكل 9.17: مثال 9.9 كادور ـ

جو ہو بہو یک سمتی مساوات کی طرح ہیں۔ یہی حقیقت موثر قیمت کی مقبولیت کی وجہ بنی ہے۔

مثال 9.9: شکل 9.17 میں دیے دباو کی موثر قیمت دریافت کریں۔اگر D=50 اور  $V_{
m p}=60$  ہوں تب یہ دباو  $\Omega$  مزاحمت کو کتنی طاقت مہیا کر سکتا ہے اور مزاحمت کی موثر رو کیا ہو گی۔

حل: یہاں دوری عرصہ T ہے جس میں  $t_1$  مدت کے لئے دیاو پایا جاتا ہے جبکہ  $T-t_1$  مدت کے لئے دیاو صفر کے برابر رہتا ہے۔ یوں فعال عرصہ  $D=rac{t_1}{T}$  ہے۔مساوات 19.29ستعال کرتے ہوئے

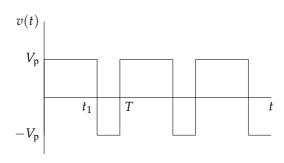
$$\begin{split} V_{\dot{\mathcal{T}}, \mathbf{r}} &= \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T v^2(t) \, \mathrm{d}t} \\ &= \sqrt{\frac{1}{T} \left[ \int_0^{t_1} V_\mathrm{p}^2 \, \mathrm{d}t + \int_{t_1}^T 0^2 \, \mathrm{d}t \right]} \\ &= V_\mathrm{p} \sqrt{\frac{t_1}{T}} \\ &= V_\mathrm{p} \sqrt{D} \end{split}$$

 $V_{\mathrm{p}}$  تا کی قیمت  $V_{\mathrm{rms}}$  کی تیمت  $V_{\mathrm{rms}}$  کی ممکن ہے۔ ماصل ہوتا ہے۔ فعال عرصے کی قیمت  $V_{\mathrm{p}}$  تا میکن ہے۔

دی گئی معلومات کے مطابق موثر دباو درج ذیل ہے

$$V_{\rm rms} = 60\sqrt{0.5} = 42.4264 \,\rm V$$

باب.9. بر قرار برقی طب قت



شكل 9.18: مثال 9.10 كادور

جے 
$$\Omega$$
 200 کے متوازی لاگو کرنے سے مزاحت کو درج ذیل طاقت مہیا ہوگا۔  $P=rac{V_{
m rms}^2}{R}=rac{42.4264^2}{200}=9\,{
m W}$  مزاحمت کی موثر رو درج ذیل ہوگی۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{V_{\text{rms}}}{R} = \frac{42.4264}{200} = 0.212 \,\text{A}$$

مثال 9.10: شکل 9.18 میں D کی قیمت 0.30 ہوڑ ورت میں دباو کی موثر قیمت اور اوسط 0.18 اور 0.18 کی صورت میں دباو کی موثر قیمت اور اوسط قیمت دریافت کریں جہاں 0.18 کی جہاں 0.18 ہیں۔

حل:موثر قیمت حاصل کرتے ہیں۔

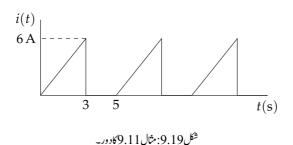
$$V_{r,r} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{0}^{T} v^{2}(t) dt}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{T} \left[ \int_{0}^{t_{1}} V_{p}^{2} dt + \int_{t_{1}}^{T} (-V_{p})^{2} dt \right]}$$

$$= V_{p} \sqrt{\frac{t_{1}}{T} + \frac{T - t_{1}}{T}}$$

$$= V_{p}$$

9.4. موثر قيت



یوں دی گئی تینوں فعال عرصوں کے لئے موثر دباو کا 10 ماصل ہوتا ہے۔

آئیں اب اوسط دباو حاصل کریں۔

$$\begin{split} V_{b o t} &= \frac{1}{T} \int_0^T v(t) \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{1}{T} \left[ \int_0^{t_1} V_\mathrm{p} \, \mathrm{d}t + \int_{t_1}^T (-V_\mathrm{p}) \, \mathrm{d}t \right] \\ &= V_\mathrm{p} \left( \frac{2t_1 - T}{T} \right) \\ &= V_\mathrm{p} (2D - 1) \end{split}$$

فعال عرصے کی دی گئ قیمتوں پر اوسط دباو درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\begin{split} V_{\text{b-sl}}(D=0.3) &= 10 \left[ 2(0.3) - 1 \right] = -4 \, \text{V} \\ V_{\text{b-sl}}(D=0.5) &= 10 \left[ 2(0.5) - 1 \right] = 0 \, \text{V} \\ V_{\text{b-sl}}(D=0.7) &= 10 \left[ 2(0.7) - 1 \right] = 4 \, \text{V} \end{split}$$

مثال 9.11: شکل 9.19 میں رو کی موثر قیت دریافت کریں۔

باب 9. بر قرار برقی طب قت

حل: یہاں دباو مسلسل تبدیل ہو رہا ہے للذااس کے خط کی مساوات درکار ہو گی۔ دباو کا سیدھا خط (0,0) تا (3,6) خطی تفاعل ہے جس کی شرح ڈھال درج ذیل ہے۔

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{6 - 0}{3 - 0} = 2$$

کار تیسی محدد پر (0,0) سے گزرتے m شرح ڈھال کے خط کی مساوات y=mx کھی جاتی ہے لہذا دباو کے خط کی مساوات درج ذیل ہے۔

$$v(t) = 2t$$

موثر دباو درج ذیل ہے۔

$$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T v^2(t) \, dt}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{5} \left[ \int_0^3 (2t)^2 \, dt + \int_3^5 0^2 \, dt \right]}$$

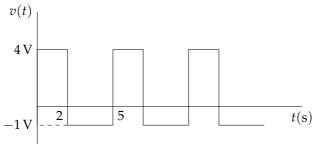
$$= \sqrt{\left(\frac{1}{5}\right) \left(\frac{4}{3}\right) t^3} \Big|_0^3$$

$$= 2.68 \, \text{V}$$

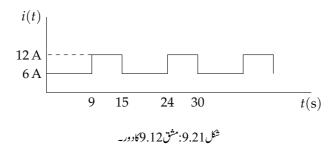
مثق 9.11 شکل 9.20 میں دیے دباو کی موثر قیمت دریافت کریں۔

 $\sqrt{7}$  V جواب:

9.4. موثر قيت

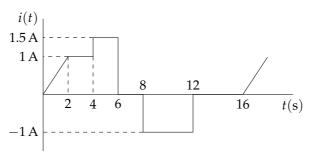


شكل 9.20: مشق 9.11 كادور



مثق 9.12: شکل 9.21 میں Ω 3 مزاحمت کی رود کھائی گئی ہے۔ مزاحمت میں اوسط طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ جواب: 237.6W

مثق 9.13: شکل 9.22 میں 7Ω مزاحمت کی رود کھائی گئی ہے۔ مزاحمت میں اوسط طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ جواب: 4.885 W باب.9. بر قرار برقی طب قت



شكل 9.22: مشق 9.13 كادور

#### 9.5 جزوطاقت

مساوات 9.34 اوسط طاقت دیتی ہے۔

$$(9.37) P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

اس مساوات میں  $V_{\rm rms}I_{\rm rms}$  کے حاصل ضرب کو ظاہری طاقت  $^2$  کہا جاتا ہے جبکہ P کو حقیقی طاقت  $^3$  کہا جاتا ہے۔ ظاہری طاقت کو وولٹ – ایمبیئر P میں ناپا جاتا ہے جبکہ حقیقی طاقت کو واٹ P میں ناپا جاتا ہے۔ یاد رہے کہ P میں ناپا جاتا ہے۔ لار ہے جب واٹ P میں خوال کے بعد مقدار ہے لہذا حقیقی طاقت کا بعد بھی حقیقت میں وولٹ – ایمبیئر P میں ہے جسے واٹ P کا خصوصی نام دیا گیا ہے۔ حقیقی طاقت اور ظاہری طاقت میں فرق ظاہر کرنے اور انہیں پیچانے کی خاطر ان کی اکا یوں کو علیحدہ عیلحدہ نام دیے گئے ہیں۔

حقیقی طاقت اور ظاہری طاقت کی شرح کو جزو طاقت 4 pf کہا جاتا ہے۔درج بالا مساوات کی مدد سے جزو طاقت کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(9.38) 
$$pf = \frac{P}{V_{\text{rms}}I_{\text{rms}}} = \cos(\phi_v - \phi_i)$$

جہاں

$$(9.39) \cos(\phi_v - \phi_i) = \cos\phi_z$$

apparent power<sup>2</sup>
real power<sup>3</sup>
power factor, pf<sup>4</sup>

9.5. جزوطاتت

 $\frac{2}{2}$  برابر ہے۔ زاویہ  $\phi_v - \phi_v$  ورحقیقت بوجھ کے رکاوٹ کا زاویہ ہٹاو  $\phi_z$  ہواور اسے زاویہ جزو طاقت کہ جاتا ہے۔ چونکہ  $\phi_v - \phi_i = \cos(\phi_v - \phi_i) = \cos(\phi_v - \phi_v)$  مالی جزو طاقت کو امالی بوجھ کی صورت میں امالی جزو طاقت کا یا پیچھے جزو طاقت کہ امالی جزو طاقت کی مورت میں اس کو برق گیر جزو طاقت کا یا آگیے جزو طاقت کو امالی زاویہ جزو طاقت یا آگیے جزو طاقت کو امالی زاویہ جزو طاقت یا آگیے پیچھے زاویہ جزو طاقت کہا جاتا ہے جبکہ برق گیر بوجھ کی صورت میں اس کو برق گیر زاویہ جزو طاقت یا آگیے زاویہ جزو طاقت کہا جاتا ہے جبکہ برق گیر بوجھ کی صورت میں اس کو برق گیر زاویہ جزو طاقت یا آگیے زاویہ جزو طاقت کہا جاتا ہے۔

آگے زاویہ اور پیچھے زاویہ سے مراد دباو کے للذا سے روکا زاویہ ہے۔ چونکہ امالی دور میں دباو سے رو پیچھے رہتی ہے للذا ایسے ادوار پیچھے ادوار کہلاتے ہیں اور ان کا زاویہ اور جزو طاقت بھی پیچھے کہلاتے ہیں۔ اس کے برعکس برق گیر دور میں دباو سے روآ گے رہتی ہے لہذا ان ادوار کو آگھے ادوار کہتے ہیں اور ان کا زاویہ اور جزو طاقت بھی آگھے کہلاتے ہیں۔ یوں دباو سے روآ گے رہتی ہے لہذا ان ادوار کو آگھے احوار کہتے ہیں اور ان کا زاویہ  $Z_L = 2 + j6$  کا زاویہ  $Z_L = 2 + j6$  اور تیجھے جزو طاقت  $Z_C = 3 - j4$  اور آگے جزو طاقت ہے۔ اسی طرح برق گیر بوجھ  $Z_C = 3 - j4$  کا زاویہ کا زاویہ  $Z_C = 3 - j4$  اور آگے جزو طاقت  $Z_C = 3 - j4$  کی اور آگے جزو طاقت  $Z_C = 3 - j4$  کی اور آگے جنو طاقت ہیں۔ دور رحمان کی اور آگے جنو طاقت کی میں کی میں کر برق گیر ہو جھ

مثال 9.12: ایک صنعت کو 560 V rms پر 100 kW طاقت مہیا کیا جاتا ہے۔ صنعتی بوجھ کا جزو طاقت 0.06 مثال 9.12: ایک صنعت کو متبع سے بوجھ تک ترسیلی تاروں 10 11 کے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ ترسیلی تارکی مزاحمت 0.06 Ω مناع ہے۔ ترسیلی تارین طاقت کا خواطاقت کتنا طاقت پیدا کرے گا۔ اگر صنعتی بوجھ کا جزو طاقت 0.95 مالی کر دیا جائے تب جوابات کیا ہوں گے۔

power factor angle<sup>5</sup>

inductive power factor<sup>6</sup>

lagging power factor<sup>7</sup>

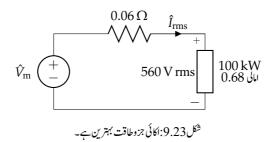
capacitive power factor<sup>8</sup>

leading power factor<sup>9</sup>

transmission lines<sup>10</sup>

<sup>11</sup> پاکتان میں بکلی کے تھمبوں پر تر سلی تار آپ نے ضرور دیکھے ہوں گے۔ ڈیم میں موجود بکل گھرے صارف تک طاقت انہیں تر سلی تار وں کے ذریعہ پنچتا ہے۔

باب 9. بر قرار برقی طب قت



 $\cos(\phi_v-\phi_i)$  میں صورت حال و کھائی گئی ہے۔ مساوات 9.34 سے رو حاصل کرتے ہیں جہاں جہاں جرو طاقت ہے۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{P}{V_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)}$$
$$= \frac{100 \, 000}{(560)(0.68)}$$
$$= 263 \, \text{A rms}$$

تاركی مزاحمت میں ضائع ہونے والے طاقت كا حساب كرتے ہیں۔

$$P_{x} = (263^2)(0.06) = 4.138 \,\mathrm{W}$$

یوں منبع کو درج ذیل طاقت فراہم کرنا ہو گا

 $P_{\rm pi} = 100 \, \text{kW} + 4.138 \, \text{kW} = 104.138 \, \text{kW}$ 

جس میں سے 4.138 kW مسلسل ضائع ہورہاہے۔

اس کے برعکس 0.95 امالی جزو طاقت کی صورت میں درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} I_{\text{rms}} &= \frac{100\,000}{(560)(0.95)} = 188\,\text{A} \\ P_{\text{Jr}} &= (188^2)(0.06) = 2.12\,\text{W} \\ P_{\text{E}^{\text{Jr}}} &= 100\,\text{kW} + 2.12\,\text{W} = 102.12\,\text{kW} \end{split}$$

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ صرف جزوطاقت تبدیل کرنے سے طاقت کا ضیاع 4.138 kW سے کم ہو کر 2.12 kW ہو گیا ہے۔ 9.5. جزوط قت

آپ نے مثال 9.12 میں دیکھا کہ جزوطاقت کی تبدیلی سے ترسیلی تاروں میں طاقت کے ضیاع تبدیل ہوتا ہے۔ مساوات 9.34 سے ظاہر ہے کہ جزوطاقت کی زیادہ سے زیادہ قیمت اکائی ہے۔ جزوطاقت کی زیادہ سے زیادہ قیمت اکائی ہے۔ یوں اکائی جزوطاقت پر کم سے کم رو درکار ہوگی۔ کم سے کم ورکی صورت میں ترسیلی تاروں میں طاقت کا ضیاع کم سے کم ہوگا۔ ی

ہاں رک کر تسلی کر لیں کہ مثال 9.12 میں 9.66 آگے جزو طاقت پر بھی Irms = 263 A ہو گاللذا مسائل اتنے ہی برے ہوں گے جننے 9.66 ہیچھے جزو طاقت پر ہیں۔

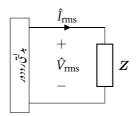
بجلی کا میٹر صارف کے ہاں نسب ہوتا ہے جو خرج کیے توانائی کا حساب رکھتا ہے۔ یہ میٹر ترسیلی تاروں میں ضائع توانائی کو نہیں ناپ سکتا۔ برقی طاقت کے پیدا کار صنعت کو صارف کی درکار طاقت کے ساتھ ساتھ ترسیلی تاروں میں ضائع ہونے والا طاقت بھی پیدا کر ناپڑتا ہے لمذاان کی دلچیں اس بات میں ہو گی کہ ترسیلی تاروں میں طاقت کا ضیاع کم سے کم ہو۔ یہی وجہ ہے کہ پیدا کار صنعت کو حش کرتی ہے کہ صارف کو مجبور کرے کہ اس کا جزو طاقت اکائی کے قریب ترین ہو۔ اگر صارف اب بجروں کرتے کہ اس کا جزو طاقت اکائی کے قریب ترین ہو۔ اگر صارف اب بجروں کرتے ہے اس کتاب کے لکھتے وقت پاکتان میں 9.0 سے کم جزو طاقت کی صورت میں صارف صنعت پر جرمانہ عائد کرتا ہے۔ اس کتاب کے لکھتے وقت پاکتان میں 9.0 سے کم جزو طاقت کی صورت میں صارف صنعت پر جرمانہ عائد کیا جاتا ہے البتہ گھر بلو صارفین پر فی الحال کم جزو طاقت کی صورت میں کوئی جرمانہ عائد نہیں کیا جاتا ہے البتہ گھر بلو صارفین پر فی الحال کم جزو طاقت کی صورت میں کوئی جرمانہ عائد نہیں کیا جاتا ہے البتہ گھر بلو صارفین پر فی الحال کم جزو طاقت کی صورت میں کوئی جرمانہ عائد نہیں کوئی جرمانہ عائد نہیں کیا جاتا ہے البتہ کے موٹر پر ببنی ہوتا ہے جو امالی بوجھ کی بات کی جاتی ہے۔

حصہ 9.7 میں جزو طاقت پر قابویانے پر غور کیا جائے گا۔

مثق 9.14: ایک صنعت کو 50 Hz تعدد اور 480 V rms دباو پر 60 kW طاقت 0.2Ω مزاحمت کے ترکیل تاروں کے ذریعہ فراہم کیا جاتا ہے۔ صارف اپنا جزو طاقت 0.64 امالی سے بہتر کرتے ہوئے 0.98 امالی کر دیتا ہے۔طاقت میں بچت دریافت کریں۔

بواب: 4.376 kW

باب 9. بر قرار برقی طب قت



شکل9.24: طاقت کے اقسام پر غور کے لئے دور۔

#### 9.6 مخلوط طاقت

بر قرار حال بدلتی روطاقت پر غور کرنے کے لئے مخلوط طاقت<sup>12</sup> کا جاننا ضروری ہے لہذا اس جھے میں مخلوط طاقت پر بحث کی حائے گی۔

شکل 9.24 میں عمومی دور د کھایا گیا ہے جہاں درج ذیل ہیں۔

$$\hat{V}_{
m rms} = V_{
m rms} / \phi_{v} = V$$
ىيان  $jV_{
m rms} = V_{
m rms} / \phi_{i} = V$ ىيان  $\hat{I}_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ىيان  $J_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ىيان  $J_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ىيان  $J_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ى المحتوى المح

رو آrms سے مراد أrms کا جوڑى دار مخلوط ہے۔

$$\hat{I}^*_{
m rms} = I_{
m rms} / -\phi_i = I$$
خيال  $-jI_{
m rms}$ 

مخلوط طاقت 🛭 کی تعریف

$$(9.40) S = \hat{V}_{\text{rms}} \hat{I}_{\text{rms}}^*$$

ہے جس میں د باواور رو کی قیمتیں پر کرتے ہوئے

$$(9.41) S = V_{\text{rms}} / \frac{\phi_v}{I_{\text{rms}} / -\phi_i}$$

$$= V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} / \frac{\phi_v - \phi_i}{\phi_v - \phi_i}$$

$$= V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i) + j V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \sin(\phi_v - \phi_i)$$

complex power<sup>12</sup>

9.6 مخىلوط طباقت

ملتا ہے جہاں  $\phi_v - \phi_i = \phi_z$  کے برابر ہے۔مساوات 9.41کا حقیقی جزو در حقیقت حقیقی اوسط طاقت P ہے جبکہ اس کے خیالی جزو Q کو متعاملی طاقت P یا تربیعی طاقت P ہا جاتا ہے۔ یوں مخلوط طاقت کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔ یوں مخلوط طاقت کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(9.42) S = P + jQ$$

جہاں

$$(9.43) P = S|_{\ddot{z}} = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

$$Q = S|_{\text{US}} = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \sin(\phi_v - \phi_i)$$

ہیں۔ مساوات 9.41 سے ظاہر ہے کہ مخلوط طاقت کے حیطے کو ہم ظاہری طاقت کہتے ہیں جبکہ مخلوط طاقت کے زاویہ کو ہم زاویہ جزوطاقت کے ناویہ کو ہم فاہری طاقت کو خلیم کی طاقت کو طاقت کی طاخت کی خاطر، متعاملی وولٹ-ایمپیئر var میں ناپاجاتا ہے۔ یاد رہے کہ ان تمام اقسام کے طاقتوں کا بعد وولٹ-ایمپیئر VA ہی ہے۔

مثال 9.13: رو  $\hat{I}_{rms}^* = I_h + jI_k$  کی مقدار جمی  $I_{rms}$  حاصل کریں۔ رو  $\hat{I}_{rms}^* = I_h + jI_k$  کی مقدار بھی حاصل کریں۔ ان رو کا حاصل ضرب دریافت کریں۔

حل: دی گئی رو کی مقداریں درج ذیل ہیں۔

$$\begin{vmatrix} \hat{I}_{rms} \end{vmatrix} = \sqrt{I_h^2 + I_k^2} = I_{rms}$$
$$\begin{vmatrix} \hat{I}_{rms}^* \end{vmatrix} = \sqrt{I_h^2 + (-I_k)^2} = I_{rms}$$

دونوں کا حاصل ضرب درج ذیل ہے۔

(9.45) 
$$\hat{I}_{rms}\hat{I}_{rms}^* = (I_h + jI_k)(I_h - jI_k) = I_h^2 + I_k^2 = I_{rms}^2$$

reactive power<sup>13</sup> quadrature power<sup>14</sup>

باب9. بر قرار برق طاقت

 $\phi_v-\psi_i=0$  آئیں مساوات 9.43 اور مساوات 9.44 پر مزاحمت، امالہ اور برق گیر کے نقطہ نظر سے مزید غور کریں۔ مزاحمت کا 0 ور 0 بیں۔ یوں مزاحمت حقیقی طاقت 0 ور 0 بین۔ یوں مزاحمت حقیقی طاقت 0 ور 0 بین۔ یوں مزاحمت حقیقی طاقت 0 جذب 0 کرتا ہے جبکہ یہ متعامٰی طاقت کو جذب نہیں کرتا لہٰذا 0 ور 0 ہے۔ امالہ کا 0 کرتا ہے جبکہ یہ متعامٰی طاقت کو جذب نہیں کرتا لہٰذا 0 کہ اللہ کا 0 کرتا ہے جبکہ یہ متعامٰی طاقت کو جذب نہیں کرتا لہٰذا

$$(9.46) P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos 90^{\circ} = 0$$

(9.47) 
$$Q = V_{\rm rms} I_{\rm rms} \sin 90^{\circ} > 0$$

 $\phi_v-\phi_i=-90^\circ$  ہیں۔امالہ گیر متعاملی طاقت کو جذب کرتا ہے جبکہ یہ حقیقی طاقت کو جذب نہیں کرتا۔ برق گیر کا

(9.48) 
$$P = V_{\rm rms} I_{\rm rms} \cos(-90^{\circ}) = 0$$

(9.49) 
$$Q = V_{\rm rms} I_{\rm rms} \sin(-90^{\circ}) < 0$$

ہیں۔ برق گیر حقیقی طاقت جذب نہیں کرتا جبکہ یہ متعاملی طاقت مہیا کرتا ہے۔

ہم نے دیکھا کہ مزاحمت حقیقی طاقت جذب کرتا ہے جبکہ امالہ گیر اور برق گیر بالترتیب متعاملی طاقت جذب اور مہیا کرتے ہیں۔ ان پر زوں میں بنیادی فرق یہ ہے کہ مزاحت میں طاقت ضائع ہوتا ہے جبکہ امالہ گیر اور برق گیر طاقت ذخیرہ کرتے ہوئے اسے دور کو واپس منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتے ہیں۔ان حقائق سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ متعاملی طاقت کا تعلق طاقت ذخیرہ کرنے سے ہے۔

 $\hat{V}_{
m rms} = \hat{I}_{
m rms} Z$  پر کریں مساوات 9.40 میں

(9.50) 
$$S = \hat{V}_{rms} \hat{I}_{rms}^* = \hat{I}_{rms} Z \hat{I}_{rms}^* = I_{rms}^2 Z = I_{rms}^2 (R + jX) = P + jQ$$

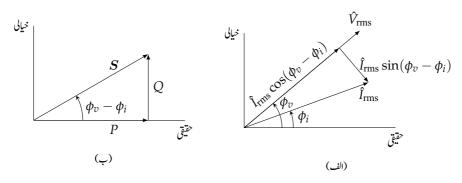
جہاں مساوات 9.45 اور مساوات 9.42 کا سہارا لیا گیا ہے۔اسی طرح مساوات 9.40 میں دباو کی بجائے رو کے لئے پر کرتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(9.51) 
$$S = \hat{V}_{rms} \left(\frac{\hat{V}_{rms}}{Z}\right)^* = \frac{V_{rms}^2}{Z^*} = V_{rms}^2 Y^* = V_{rms}^2 (B + jG)^* = P + jQ$$

اس مساوات کے تحت جوڑی دار مخلوط فراوانی کو دباوکی موثر قیمت سے ضرب دیتے ہوئے فراوانی کی طاقت حاصل کی جا سکتی ہے۔ یہ وہ طاقت ہے جو فراوانی جذب کرتا ہے۔ یوں اگر شکل 9.24 میں برق گیر بطور بوجھ Z نسب ہوتا تب فراوانی نسب کی ہے۔ یہ وہ کے برابر ہوتی جسے درج بالا مساوات میں پر کرتے ہوئے

$$(9.52) S = V_{\text{rms}}^2 (j\omega C)^* = -j\omega C V_{\text{rms}}^2$$

9.6. مخىلوط طباقت



شكل 9.25: طاقتى تعلق

ماتا ہے۔ آپ نے دیکھا کہ مخلوط طاقت کی قیمت منفی ہے۔ یوں برق گیر متعاملی طاقت فراہم کرتا ہے۔

شکل 9.25 طاقت کے تعلقات پر مزید روشنی ڈالتا ہے۔ شکل-الف کے تحت رو کو دو ٹکڑوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا ٹکڑا گڑا ہے۔ شکل 9.25 کا زاوید بناتا ہے۔ مساوات 9.43 کے تحت دباواور اس کے ہم زاوید ہو گئر اور کی طاقت P پیدا کرتے ہیں۔ای طرح مساوات 9.44 کے تحت دباواور دباو کے عمودی رومل کر متعالمی طاقت P پیدا کرتے ہیں۔ائیس دو مساوات سے درج ذیل تعلق بھی حاصل ہوتا ہے

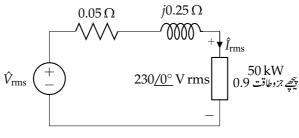
$$(9.53) \tan(\phi_v - \phi_i) = \frac{Q}{P}$$

جس کو شکل-ب کے طاقتی تکون $^{15}$  سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ شکل-ب امالی بوجھ کے لئے دکھایا گیا ہے جہاں  $\phi_v - \phi_i > 0$  ہو گار ش کے الٹ جانب گھومتے ہوئے ناپا جاتا ہے لہذا مثبت زاویہ حقیق محور سے اوپر کو ہو گا۔ بوب امالی بوجھ کا Q مثبت ہے۔ برق گیر بوجھ کی صورت میں  $Q = \phi_v - \phi_v = 0$  ہو گالہذا Q کا خط حقیق محور سے بنچے کو ہو گالہذا کی گیمت منفی ہو گی۔ مزاحمتی بوجھ کی صورت میں  $Q = \phi_v - \phi_v = 0$  ہو گالہذا Q کا خط عین حقیق محور یہ ہو گا لہذا کا خط طاقت اور حقیق طاقت برابر ہوں گے جبکہ متعالمی طاقت صفر ہو گا۔

آخر میں بتلاتا چلوں کہ دور میں حقیقی طاقت کی طرح مخلوط طاقت پر بھی بقائے توانائی کا قانون لا گو ہوتا ہے۔

 $power\ triangle^{15}$ 

باب9. بر قرار برقی طب اقت



شكل 9.26: مثال 9.14 كادور

مثال 9.14: امالی بوجھ کو 400 طاقت فراہم کی جارہی ہے۔ بوجھ پر موثر دباو  $230\,\mathrm{V}$  ، تعدد  $150\,\mathrm{Hz}$  اور پیچپے جزوطاقت  $200\,\mathrm{Hz}$  ہے۔ منبع طاقت پر دباو، جزوطاقت اور طاقت اور طاقت کا تخیینہ لگائیں۔

حل: دور کو شکل 9.26 میں دکھایا گیا ہے جہاں ترسیلی تارکی رکاوٹ صرف بالائی تار پر دکھائی گئی ہے۔ حقیقت میں بالائی اور نجلی تارکی رکاوٹیس سلسلہ وار جڑی ہیں۔ان کا مجموعہ کل رکاوٹ ہے جسے عموماً ایک تاریر دکھایا جاتا ہے۔

بوجھ کے دباو کو حوالہ دوری سمتیہ لیتے ہوئے اس کا زاویہ صفر چننا گیا ہے۔ مخلوط طاقت

$$S = \frac{P}{\mathbf{pf}} = \frac{50\,000}{0.9} = 55\,556\,\mathrm{VA}$$

 $\phi_v - \phi_i = \cos^{-1}(0.9) = 25.84^\circ$  ہے لہذا بو جھ پر

$$S_L = 55556/25.84^{\circ} = 50000 + j24216 \text{ V A}$$

ہو گا۔ چونکہ  $\hat{I}_{rms}^* \hat{I}_{rms}^*$  ہو گا۔

$$\hat{I}_{L,\text{rms}} = \left(\frac{55556/25.84^{\circ}}{230/0^{\circ}}\right)^* = 241.55/-25.84^{\circ} \text{ A rms}$$

تار میں مخلوط طاقت کا ضیاع

$$S_{x} = I_{L,\text{rms}}^2 Z_{x} = 241.55^2 (0.05 + j0.25) = 2917 + j14586 \text{ V A}$$

ہے۔بقائے توانائی کے تحت یوں منبع طاقت پر مخلوط طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$egin{aligned} S_L + S_{\mathcal{K}} \ &= 50\,000 + j24\,216 + 2917 + j14\,586 \ &= 52\,917 + j38\,802 \ &= 65\,619/36.25^{\circ}\,\mathrm{V\,A} \end{aligned}$$

9.6. مختلوط طب قت

اس طرح منبع کا دیاو

$$V_{\text{rms}} = \frac{\left| S_{\dot{\mathcal{E}}} \right|}{I_{L,\text{rms}}} = \frac{65619}{241.55} = 272 \,\text{V}$$

اور منبع پر پیچھے جزو طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$pf=\cos 36.25^\circ=0.806$$

آئیں اسی کو دوبارہ کرخوف مساوات سے حل کریں۔ پیچیے جزو طاقت 0.9 سے رو کا زاویہ حاصل کرتے ہیں جہاں امالی بوجھ کی وجہ سے زاویہ منفی ہو گا۔

$$\phi_i = \cos^{-1} 0.9 = -25.84^{\circ}$$

بوجھ کی رو حاصل کرتے ہیں۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{P}{V_{\text{rms}}\cos\phi_i} = \frac{50\,000}{(230)(0.9)} = 241.55\,\text{A}$$

یوں  $\frac{25.84^{\circ}}{1000}$  ہو گا۔ شکل کو دیکھتے ہوئے کر خوف کی مساوات سے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$\hat{V}_{\text{rms}} = 230/0^{\circ} + (241.55/-25.84^{\circ})(0.05 + j0.25)$$
  
= 272/10.41° V

یوں منبع طاقت پر د باو سے رو

$$10.41^{\circ} - (-25.84^{\circ}) = 36.25^{\circ}$$

پیچیے ہے المذا منبع پر پیچیے جزو طاقت 0.806 = (36.25°) مو گا۔

مثال 9.15: گزشتہ مثال کے شکل 9.26 میں بقایا تمام معلومات وہی ہیں البتہ بوجھ پر جزو طاقت پیچھے کی بجائے آگے ہے۔ ہے۔ منبع طاقت کا دباو حاصل کریں۔ باب.9. بر قرار برقی طب قت

حل: گزشتہ مثال میں عین ہمارے تو قع کے مطابق منبع طاقت کا دباو، بوجھ کے دباوسے زیادہ تھا۔ یک سمتی ادوار میں ہم یہی توقع کرتے ہیں کہ زیادہ دباو کے نقطے سے طاقت کم دباو کے نقطے کو فراہم ہوتا ہے۔اس مثال میں ہم دیکھیں گے کہ کبھی کبھار ہمارے توقعات غلط ثابت ہوتی ہیں۔

اس مسکے کو کرخوف مساوات سے حل کرتے ہیں۔ آگے جزو طاقت 0.9 سے رو کا زاویہ حاصل کرتے ہیں۔ آگے جزو طاقت برق گیر بوجھ کی نشاندہی کرتاہے لہذا بوجھ کے رکاوٹ کا زاویہ مثبت ہو گا۔

$$\phi_i = \cos^{-1} 0.9 = 25.84^{\circ}$$

بوجھ کی رو حاصل کرتے ہیں۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{P}{V_{\text{rms}}\cos\phi_i} = \frac{50\,000}{(230)(0.9)} = 241.55\,\text{A}$$

یوں  $\frac{25.84^{\circ}}{1}$  ہو گا۔ شکل کو دیکھتے ہوئے کر خوف کی مساوات سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\hat{V}_{\text{rms}} = 230/0^{\circ} + (241.55/25.84^{\circ})(0.05 + j0.25)$$
  
= 223/15.53° V

یوں منبع طاقت پر د باو سے رو

$$(25.84^{\circ}) - 15.53^{\circ} = 10.31^{\circ}$$

آگے ہے للذا منبع پر آگے جزو طاقت  $0.98=0.31^\circ$   $\cos(-10.31^\circ)=0.98$  ہو گا۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ بوجھ پر موثر دباو  $230\,\mathrm{V}$  کے جبکہ منبع طاقت کا موثر دباو  $223\,\mathrm{V}$  ہے۔

مثق 9.15: شکل 9.26 میں بقایا تمام معلومات وہی ہیں البتہ آگے جزو طاقت 0.8 ہے۔ منبع طاقت کا موثر دیاو اور جزو طاقت حاصل کریں۔ منبع کتنا طاقت پیدا کر رہاہے۔

 $53.69\,\mathrm{kW}$  ،  $\mathrm{pf}=0.94\,$  د بات: 210 V rms : بربات:

9.6. مختلوط طب قت

مثن 9.16: ایک صنعتی بو جھ کو  $30 \, \mathrm{kW}$  طاقت  $0.82 \, \frac{s}{s}$  جزو طاقت پر در کار ہے۔ بو جھ پر موثر دباو  $230 \, \mathrm{kW}$  اور تعدد  $50 \, \mathrm{Hz}$  تعدد  $50 \, \mathrm{Hz}$  ہے۔ منبع سے صنعت تک طاقت کو تر سیلی تاروں کے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ ان تر سیلی تاروں کی رکاوٹ  $Z_{\mathrm{J}} = 0.08 + j0.3 \, \Omega$  ہے۔ تر سیلی تاروں میں حقیقی اور متعاملی طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ تر سیلی تار کے داخلی مریر در کار حقیقی اور متعاملی طاقت دریافت کریں۔

 $Q_{z^{*}}=28.53\,\mathrm{kvar}$  ،  $P_{z^{*}}=32\,\mathrm{kW}$  ،  $Q_{J^{*}}=7590\,\mathrm{var}$  ،  $P_{J^{*}}=2024\,\mathrm{W}$  : برابات:

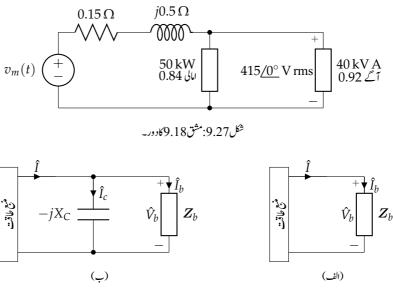
مثق 9.17: صنعتی بوجھ کو 0.86 امالی جزو طاقت پر  $25\,\mathrm{kW}$  طاقت  $230\,\mathrm{V}\,\mathrm{rms}$  اور  $50\,\mathrm{Hz}$  تعدد پر فراہم کی جارہی ہے۔ ترسیلی تار کی رکاوٹ  $20\,\mathrm{ms}$   $100\,\mathrm{ms}$  ہے۔تاروں کے داخلی سروں پر موثر د باواور جزو طاقت دریافت کریں۔

بوابات: 0.83 ، 254<u>/3.4°</u> V rms امالي

مشق 9.18: شكل 9.27 مين منبع طاقت كاد باو اور جزو طاقت دريافت كرير\_

0.922 امالی  $v_m(t) = 674\cos(100\pi t + 11.9^\circ)\,\mathrm{V}$  امالی جوابات:

باب 9. بر قرار برقی طب قت



شكل 9.28: جزوطاقت كي درستگي۔

## 9.7 جزوطاقت كي در سكى

آپ نے مثال 9.12 میں دیکھا کہ جزو طاقت نہایت اہم معلومات فراہم کرتا ہے۔ایک مثال کے بعد جو طاقت کی درنگی پر غور کرس گے۔

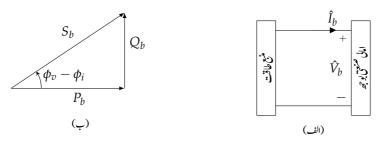
مثال 9.16: شکل 9.28-الف میں منبع طاقت پر  $\Omega_b=2_j2$  کا بوجھ لدا ہوا ہے۔ شکل-ب میں بوجھ کے متوازی مثال  $Z_c=-j5$  جوڑا گیا ہے۔ دونوں اشکال میں جزو طاقت دریافت کریں۔ حل: شکل-الف میں بوجھ کی رکاوٹ کو زاویائی صورت میں لکھتے ہوئے

$$Z_b = 2 + j2 = \sqrt{8/45^\circ}$$

امالی جزو طاقت لکھتے ہیں۔

$$pf = \cos 45^\circ = 0.7071$$

9.7. جزوط قت كادر شكى



شكل 9.29: صنعتى بوجھ كاطاقتى تكون۔

### شكل-ب ميں كل ركاوٹ لكھتے ہيں

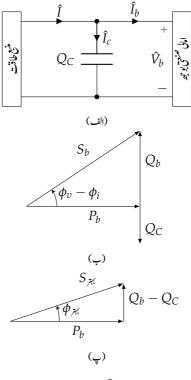
$$Z = \frac{-j5(2+j2)}{-j5+2+j2}$$
$$= \frac{50}{13} + j\frac{10}{13}$$
$$= 3.922/11.31^{\circ}$$

جس سے امالی جزو طاقت درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$pf = \cos 11.31^{\circ} = 0.981$$

درج بالا مثال میں آپ نے دیکھا کہ امالی ہو جھ کے متوازی برق گیر جوڑنے سے جزو طاقت میں بہتری پیدا ہوتی ہے۔ جیسا جم پہلے بھی بتلا چکے ہیں، صنعتی ہو جھ عموماً امالی جزو طاقت رکھتا ہے۔ شکل 9.29 میں عمومی صورت حال دکھائی گئی ہے جہاں صنعتی ہو جھ پر  $\hat{V}_{rms}$  دباو مسلط کیا گیا ہے۔ صنعتی ہو جھ منبع طاقت سے  $\hat{I}_{rms}$  رولیتا ہے۔ شکل-ب میں طاقتی تکون دکھیا گیا ہے۔ زاویہ  $\phi_v - \phi_v$  کم کرتے ہوئے جزو طاقت بہتر بنایا جا سکتا ہے۔ شکل-ب سے واضح ہے کہ Q کہ جرار رکھتے ہوئے Q کم کیا جا سکتا ہے۔ اس کے بر عکس Q کو بر قرار رکھتے ہوئے Q کم کیا جا سکتا ہے۔ اس کے بر عکور کریں۔

کوئی بھی صنعت حقیقی طاقت P استعال کرتے ہوئے کام سرانجام دیتی ہے۔کوئی بھی صنعت قائم کرنے سے پہلے اس کی پیدا وار طے کی جاتی ہے۔اس پیدا وار کو حاصل کرنے کے لئے درکار مشین نسب کئے جاتے ہیں۔غیر ضروری طور پر باب.9. بر قرار برقی طب قت



شکل9.30: درستگی جزوطاقت کےاشکال۔

P بڑھانے سے مراد، ضرورت سے زیادہ بڑی مشینیں نب کرناہے، جس سے صنعت قائم کرنے کا خرچہ بڑھتا ہے۔ جزو طاقت بہتر کرنے کا یہ انتہائی مہنگا طریقہ ہو گا جسے کبھی بھی نہیں اپنایا جاتا۔ ساتھ ہی ساتھ زیادہ پیداوار کے لئے زیادہ سرماییہ درکار ہو گا۔

آئیں اب Q کم کرتے ہیں۔ جیسا درج بالا مثال میں دکھایا گیا، امالی بوجھ کے متوازی برق گیر جوڑنے سے Q کو کم کیا جاسکتا ہے۔ برق گیر کی قیمت صنعتی مشینوں کی نسبت بہت کم ہوتی ہے لہذا جزو طاقت کو برق گیر سے ہی بہتر بنایا جاتا ہے۔ شکل 9.30 - الف میں صنعتی بوجھ کے متوازی برق گیر نسب کیا گیا ہے۔ شکل-ب میں بوجھ کا طاقتی تکون دکھایا گیا ہے۔ شکل اپ میں منبع طاقت کو در پیش صنعتی بوجھ اور برق گیر متعالمی طاقت کا کل طاقتی تکون دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ Q کم ہونے سے طاقتی تکون کا زاویہ کم اور جزو طاقت بہتر موگا۔

9.7. جزوط قت كي در شكى

مساوات 9.52 کے تحت برق گیر کا متعامٰی طاقت درج ذیل ہے۔

$$S_C = -j\omega C V_{\rm rms}^2$$

کسی بھی جزو طاقت کے حصول کے لئے  $S_C$  کو شکل 9.30 پ سے حاصل کا جاسکتا ہے جے استعال کرتے ہوئے درج بالا مساوات سے درکار C حاصل کیا جا سکتا ہے۔ جزو طاقت قابو کرنے کے لئے برق گیر کی استعداد عموماً متعالمی وولٹ دائم پیئر var میں ہی بیان کی جاتی ہے۔ یوں V + 822 V + 822 V برق گیر کو خود کا برق گیر کہا جائے گا۔

مثال 9.17: ایک صنعت Hz ، 1200 V rms اور 0.7 امالی جزو طاقت پر 1000 kW طاقت خرچ کرتا ہے۔ پاکستان میں 0.9 جزو طاقت سے کم جزو طاقت پر صنعت پر جرمانہ عائد ہوتا ہے للمذا صنعت کار اپنی جزو طاقت کو 0.9 کرنا چاہتا ہے۔اس کو درکار برق گیر کا تخمینہ لگائیں۔

حل: شكل 9.30 ك طاقق تكون سے صنعتى بوجھ كا مخلوط طاقت دريافت كرتے ہيں۔

$$S = \frac{P}{\text{pf}} / \cos^{-1} \text{pf}$$

$$= \frac{1000000}{0.7} / \cos^{-1} 0.7$$

$$= 1.429 / 45.573^{\circ}$$

$$= 1 + j1.021 \text{ MV A}$$

ہم حقیقی طاقت تبدیل کئے بغیر 0.9 جزو طاقت در کارہے جس پر مخلوط طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$S_{\text{pf}} = \frac{P}{\text{pf}} / \cos^{-1} \text{pf}$$

$$= \frac{1000000}{0.9} / \cos^{-1} 0.9$$

$$= 1.111 / 25.842^{\circ}$$

$$= 1 + i0.482 \text{ MV A}$$

ان نتائج سے در کار متعاملی طاقت حاصل کرتے ہیں۔

 $Q_c = 1.021 \,\text{Mvar} - 0.482 \,\text{Mvar} = 0.539 \,\text{Mvar}$ 

باب9. بر قرار برقی طب قت

اں طرح  $\frac{50 \, \mathrm{kvar}}{50 \, \mathrm{kvar}} = 10.78$  عدد برق گیر درکار ہوں کے جزو طاقت بہتر بنانے والے برق گیر مختلف اکالیوں میں دستیاب ہیں۔یوں  $\frac{50 \, \mathrm{kvar}}{50 \, \mathrm{kvar}} = 10.78$  کے اکائی میں دستیاب گیارہ عدد برق گیر نسب کیے جائیں گے۔

ا گرچہ صنعت کار زیادہ برق گیر نسب کرتے ہوئے اکائی جزو طاقت بھی حاصل کر سکتا ہے لیکن اس کو ایسا کرنے سے کوئی اضافی فائدہ نہیں ہو گا۔ جرمانہ صرف 0.9 جزو طاقت سے کم پر عائد ہوتا ہے۔ جزو طاقت کو 0.9 سے بہت بہتر کرنے پر توانائی کی قیمت میں چھوٹ نہیں ملتی للذاصنعت کار اضافی خرچہ نہیں کرے گا۔

مثال 9.18: پاکستان کی سب سے بڑی صنعت کیاس سے روئی کا دھاگا بناتی ہے۔ایسی ایک صنعت کا جزو طاقت 0.84 مثال 9.18 امالی اور حقیقی طاقت 200 kW تھاجب نیا قانون نافذ ہوا جس کے تحت کم سے کم جزو طاقت 0.9 مقرر کیا گیا۔اس صنعت کو کتنا برق گیر نسب کرنایڑا۔

حل: شکل 9.30 کے طاقتی تکون سے گزشتہ متعاملی طاقت حاصل کرتے ہیں۔ جزوطاقت سے طاقتی تکون کا زاویہ = 0.84 = 0.84 ° 32.86° حاصل ہوتا ہے المذا

 $Q_b = 200\,000\,\mathrm{tan}\,32.86^\circ = 129\,\mathrm{kvar}$ 

ہو گا۔نے قانون کے تحت  $^{\circ}$  25.84 و $^{\circ}$  اور درکار  $^{\circ}$  ورج ذیل ہے۔

 $Q_{\text{FM}} = 200\,000\,\text{tan}\,25.84^{\circ} = 97\,\text{kvar}$ 

یول صنعت کار کو 129 kvar – 97 kvar = 32 kvar در کار ہے۔

مثق 9.19: مثال 9.17 کے صنعت کار زیادہ مختلط ہیں۔وہ جزو طاقت کو 0.7 سے بہتر کرتے ہوئے 0.95 امالی کرنا چاہتے ہیں۔انہیں ورکار متعامٰی طاقت دریافت کریں۔انہیں 50 kvar اکائی کے کتنے برق گیر نسب کرنے ہوں گے؟ جواب: 690 kvar ، 14 عدد 9.8. حنس ظلت تي اقدام

# 9.8 حفاظتی اقدام

برقی د باواور طاقت کے بارے میں علم حاصل کرتے وقت ضروری ہے کہ ان سے لاحق خطرات اور ان خطرات سے بچنے کے حفاظتی اقدامات اور تدابیر پر بھی غور کیا جائے۔

میں چھوٹا بچہ تھا جب ججھے پہلی مرتبہ بجلی کا جھٹکا لگا۔ آپ میں سے بیشتر طلباء بھی اس کھٹن تجربے سے گزر چکے ہول گے۔ کسی بھی دو مختلف اجسام کے رگڑسے ساکن دباو پیدا ہوتا ہے۔ اونی بنیان اتارنے سے بنیان اور آپ کے جہم کے مابین 20 kV تا 40 kV کا ساکن دباو پیدا ہو سکتا ہے۔ آپ نے اندھرے میں اونی بنیان اتارتے ہوئے شعلے ضرور دیکھے ہوں گے جو اس ساکن دباوکی وجہ سے پیدا ہوتے ہیں۔ آپ کو اس ساکن دباوکے جھٹکے بھی لگے ہوں گے جن سے آپ کے جہم میں A 40 تک کی روگزری ہوگی۔

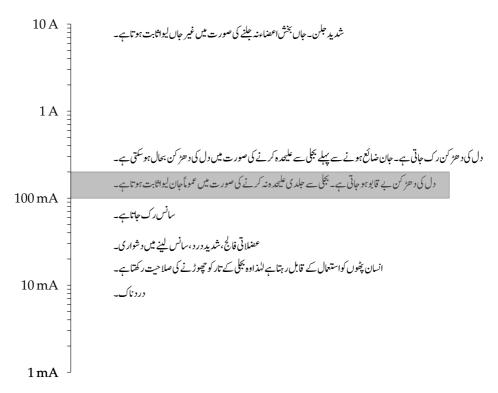
شکل 9.31 برقی جھٹکے 16 کی تفصیل بیان کرتاہے۔

### 9.9 ایک دور کانظام

گھر مار فین کو عموماً ایک دور طاقت مہیا کی جاتی ہے۔ایک دور نظام کو شکل 9.32 میں دکھایا گیا ہے۔اب تک تمام ادوار میں منبع طاقت سے بوجھ تک دو عدد ترسیلی تار استعال کئے گئے البتہ یہاں تین عدد تار استعال کئے گئے ہیں۔

16 پین نتائج پیار لس ڈلز کل Charles F Dalziel نے حاصل کئے۔

باب.9. بر ترار برتی طاقت



شكل 9.31: برتى جھنگے كے اثرات ـ

