

برقی ادوار

خالد خان یوسفزئی
کامیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفارمیشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد
khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1	بنیاد	1
1	برقی بار، برقی رواور برقی دباو	1.1
6	قانون اوہم	1.2
8	توانائی اور طاقت	1.3
15	برقی پڑے	1.4
15	غیر تابع منبع	1.4.1
17	تابع منبع	1.4.2
27	مزا جمتی ادوار	2
27	قانون اوہم	2.1
35	قوانین کر خوف	2.2
51	سلسلہ وار جڑے پڑوں میں رو	2.3
52	تقسیم دباو	2.4
56	متعدد سلسلہ وار مزاحمت	2.5
59	سلسلہ وار متعدد منبع دباو اور مزاحمت	2.6
61	متوازی جڑے مزاحمت پر یکساں دباو پایا جاتا ہے	2.7
61	تقسیم رو	2.8
69	سلسلہ وار اور متوازی مزاحمت	2.9
74	تخصیص مزاحمت	2.10
77	سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے ادوار کا حل	2.11
85	ستارہ-تکون تبادلہ	2.12
92	تابع منبع استعمال کرتے ادوار	2.13
101	جوڑ اور دائری تجزیہ	3
101	تجزیہ جوڑ	3.1
104	غیر تابع منبع رواستعمال کرنے والے ادوار	3.2
117	تابع منبع رواستعمال کرنے والے ادوار	3.3
122	غیر تابع منبع دباو استعمال کرنے والے ادوار	3.4

132	تالیع منبع دباوا استعمال کرنے والے ادوار	3.5
139	دائری تجزیہ	3.6
140	غیر تالیع منبع استعمال کرنے والے ادوار	3.7
148	غیر تالیع منبع روا استعمال کرنے والے ادوار	3.8
154	تالیع منبع استعمال کرنے والے ادوار	3.9
158	دائری ترکیب اور ترکیب جوڑ کا موازنہ	3.10

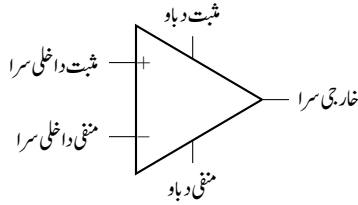
161	حسابی ایپلیٹاؤز	4
171	کامل حسابی ایپلیٹاؤز	4.1

باب 4

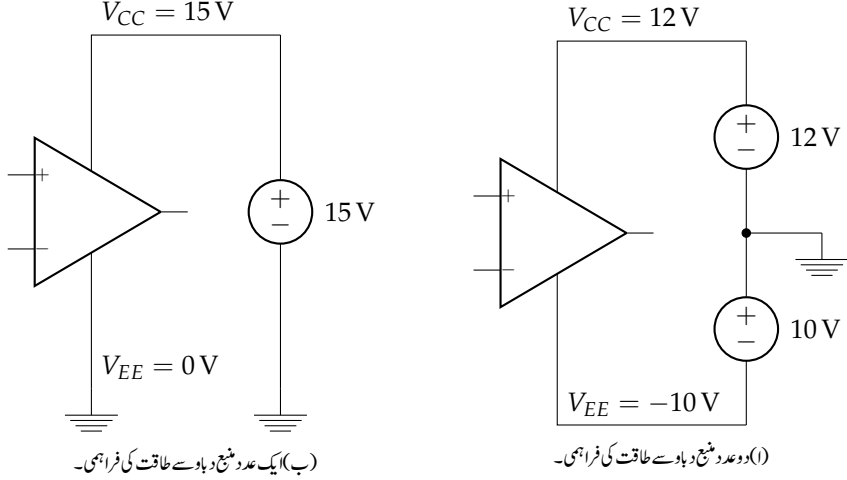
حسابی ایمپلیفائر

شکل 4.1 میں حسابی ایمپلیفائر¹ کی علامت دکھائی گئی ہے۔ حسابی ایمپلیفائر کے دو عدد داخلی سرے (پنیے) ہیں جنہیں مثبت داخلی سرا² اور منفی داخلی سرا³ کہا جاتا ہے جبکہ اس کا ایک عدد خارجی سرا (پنیا) ہے۔ اس کے علاوہ دو عدد طاقتی پنیے⁴ حسابی ایمپلیفائر کو برقی طاقت فراہم کرنے کے لئے استعمال کئے جاتے ہیں جن میں ایک پر مثبت دباؤ اور دوسرے پر منفی دباؤ فراہم کی جاتی ہے۔ حسابی ایمپلیفائر کے ادوار کر خوف کے قوانین سے با آسانی حل ہوتے ہیں۔

operational amplifier, opamp¹
non-inverting pin²
inverting pin³
power pins⁴



شکل 4.1: حسابی ایمپلیفائر کی علامت۔



شکل 4.2: حسابی ایمپلیفائر کو طاقت کی فراہمی کے طریقے۔

شکل 4.2-الف میں حسابی ایمپلیفائر کو دو عدد منبع دباو سے طاقت فراہم کی گئی ہے جبکہ شکل-ب میں ایک عدد منبع دباو سے حسابی ایمپلیفائر کو طاقت کی فراہمی کی گئی ہے۔ مثبت طاقتی دباو کو V_{CC} اور منفی طاقتی دباو کو V_{EE} لکھا جاتا ہے۔ شکل-الف میں $V_{CC} = 12V$ اور $V_{EE} = -10V$ ہیں۔ عموماً ادوار میں مثبت اور منفی طاقتی دباو کے حتمی قیمتیں برابر ہوتی ہیں۔ $|V_{CC}| = |V_{EE}|$ حسابی ایمپلیفائر کے داخلی سروں پر برقی اشارات⁵ فراہم کئے جاتے ہیں۔

حسابی ایمپلیفائر داخلی سروں پر فراہم کردہ اشارات v_k اور v_n میں فرق v_d

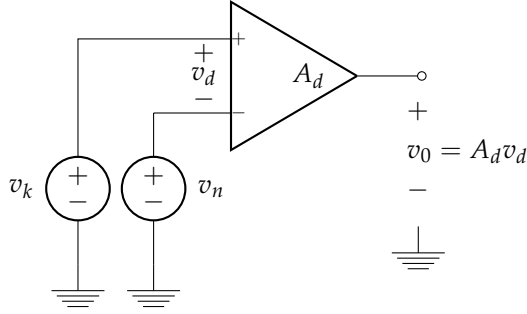
$$(4.1) \quad v_d = v_k - v_n$$

کو A_d گٹا بڑھا کر خارجی پتیا پر خارج کرتا ہے۔

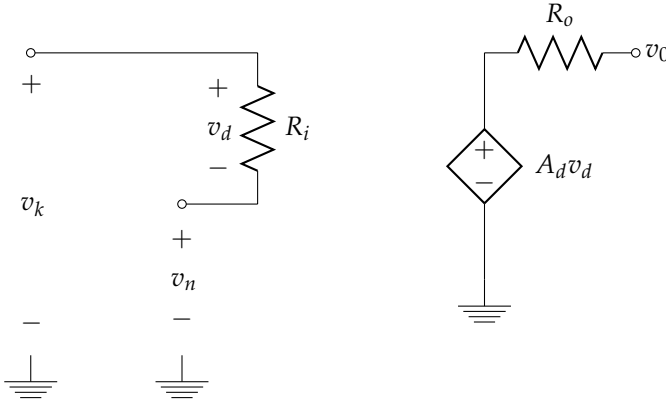
$$(4.2) \quad v_0 = A_d v_d = A_d (v_k - v_n)$$

حسابی ایمپلیفائر v_d کو داخلی اشارہ تصور کرتا ہے۔ v_d کو تفرقی اشارہ⁶ کہتے ہیں۔ داخلی اشارہ بڑھانے کی صلاحیت کو افزائش⁷ کہتے ہیں اور A_d سے ظاہر کرتے ہیں۔ حسابی ایمپلیفائر کے ادوار کے اشکال میں عموماً طاقتی پنیے نہیں دکھائے جاتے تاکہ اشکال صاف ستھرے نظر آئیں۔ شکل 4.3 میں ایسا ہی کرتے ہوئے حسابی ایمپلیفائر کے طاقتی پنیے نہیں دکھائے گئے ہیں۔ شکل 4.4 میں حسابی ایمپلیفائر کے ریاضی نمونے⁸ کا دور دکھایا گیا ہے جس سے حسابی ایمپلیفائر کی کارکردگی سمجھی جا

⁵ electrical signals
⁶ difference signal
⁷ gain
⁸ model



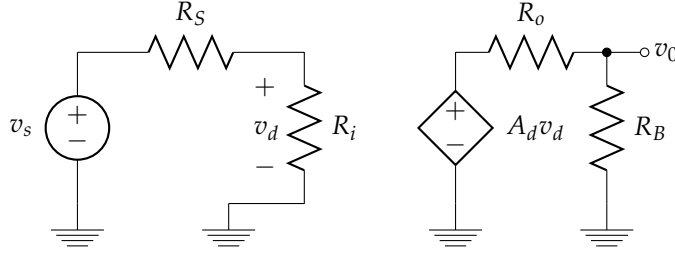
شکل 4.3: حسابی ایپلیفائر داخلی اشارات کے فرق کو بڑھاتا ہے۔



شکل 4.4: حسابی ایپلیفائر کا ریاضی نمونہ۔

سکتی ہے۔ اس نمونے سے ظاہر ہے کہ حسابی ایپلیفائر کے داخلی سروں پر داخلی رو i_d اور دباؤ v_d راست تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔ یہ حقیقت داخلی پینوں کے مابین مزاحمت $R_i = \frac{v_d}{i_d}$ ظاہر کرتی ہے۔ اسی طرح خارجی جانب بھی مزاحمتی اثر پایا جاتا ہے جسے R_o سے ظاہر کیا گیا ہے۔ انہیں حسابی ایپلیفائر کا دور اس کے ریاضی نمونے کی مدد سے حل کریں۔ شکل 4.5 میں حسابی ایپلیفائر کے داخلی جانب منفی داخلی پینے پر اشارہ v_s اور مزاحمت R_S سلسلہ وار جوڑے گئے ہیں جبکہ مثبت پینا کو زمین کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔ خارجی جانب حسابی ایپلیفائر پر مزاحمتی بوجھ R_B ڈالا گیا ہے۔ داخلی جانب تقسیم دباؤ سے

$$v_d = \left(\frac{R_i}{R_i + R_S} \right) v_s$$



شکل 4.5: حسابی ایمپلیفائر کا دور۔

لکھا جائے گا۔ خارجی جانب تقسیم دباؤ سے درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

$$v_0 = \left(\frac{R_B}{R_B + R_o} \right) A_d v_d$$

مندرجہ بالا دو مساوات کو ملاتے ہوئے

$$(4.3) \quad \frac{v_0}{v_s} = A_d \left(\frac{R_B}{R_B + R_o} \right) \left(\frac{R_i}{R_i + R_S} \right) = A_v$$

حاصل ہوتا ہے جہاں A_v بوجھ بردار حسابی ایمپلیفائر کی افزائش دباؤ⁹ کہلاتی ہے۔

مساوات 4.3 میں دونوں قوسین کی قیمت اکائی سے کم ہے لہذا A_v کی قیمت A_d سے کم ہوگی۔ زیادہ سے زیادہ A_v حاصل کرنے کی خاطر دونوں قوسین کی قیمت اکائی کے قریب ترین ہونا ضروری ہے۔ ایسا تب ممکن ہو گا جب

$$(4.4) \quad \begin{aligned} R_i &\gg R_S \\ R_o &\ll R_B \end{aligned}$$

ہوں۔

جدول 4.1 میں حسابی ایمپلیفائر کے ریاضی نمونے کے متغیرات کی قیمتوں کے عمومی حدود دیے گئے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ایسے حسابی ایمپلیفائر دستیاب ہیں جن کی افزائش $50\,000\text{ V V}^{-1}$ ہے اور ایسے ایمپلیفائر بھی دستیاب ہیں جن کی افزائش $1\,000\,000\text{ V V}^{-1}$ ہے۔

⁹ voltage gain

جدول 4.1: حسابی ایمپلیفائر کے نمونے کے متغیرات کی عمومی قیمتیں۔

$R_0(\Omega)$	$R_i(\Omega)$	$A_d(VV^{-1})$
2 – 200	$10^5 - 10^{12}$	50 000 – 1 000 000

مثال 4.1: شکل 4.5 میں $A_d = 100\,000\,VV^{-1}$ ، $R_i = 10^{12}\,\Omega$ ، $R_0 = 100\,\Omega$ ، $R_S =$ ، $R_B = 10\,k\Omega$ اور $50\,k\Omega$ ہیں۔ ایمپلیفائر کی افزائش دباؤ A_v حاصل کریں۔

حل: مساوات 4.3 میں دی گئی قیمتیں پُر کرتے ہیں۔

$$A_v = 100\,000 \left(\frac{10\,000}{10\,000 + 100} \right) \left(\frac{10^{12}}{10^{12} + 50\,000} \right) = 99\,010\,VV^{-1}$$

حسابی ایمپلیفائر کا خارجی اشارہ کسی بھی صورت میں مثبت طاقتی دباؤ V_{CC} سے زیادہ نہیں اور منفی طاقتی دباؤ V_{EE} سے کم نہیں ہو سکتا۔ کئی اقسام کے حسابی ایمپلیفائر کا خارجی اشارہ طاقتی دباؤ سے چند ملی وولٹ کے فاصلے تک پہنچ پاتا ہے۔ عموماً حسابی ایمپلیفائر ایسا کرنے کی صلاحیت نہیں رکھتے اور ان کا خارجی اشارہ مثبت طاقتی دباؤ سے $1\,V$ تا $3\,V$ کم اور منفی طاقتی دباؤ سے $1\,V$ تا $3\,V$ زیادہ ہی رہتا ہے۔

$$(4.5) \quad V_{CC} - \Delta_+ > v_0 > V_{EE} + \Delta_-$$

آئیں اس حقیقت کے اثرات ایک مثال کی مدد سے دیکھیں۔

مثال 4.2: مثال 4.1 میں $v_s = 50\,\mu V$ ، $v_s = 200\,\mu V$ ، $v_s = 2\,V$ اور $v_s = -150\,\mu V$ کی صورت میں v_0 حاصل کریں۔ حسابی ایمپلیفائر کے $\Delta_+ = 1.5\,V$ اور $\Delta_- = 1.2\,V$ تصور کریں جبکہ طاقتی دباؤ $12\,V$ اور $-12\,V$ ہیں۔

حل: مساوات 4.5 کے تحت خارجی اشارے کے حدود درج ذیل ہیں۔

$$(4.6) \quad \begin{aligned} 12 - 1.5 &> v_0 > -12 + 1.2 \\ 10.5\,V &> v_0 > -10.8\,V \end{aligned}$$

گزشتہ مثال میں ہم A_v کی قیمت حاصل کر چکے ہیں۔ چونکہ $A_v = \frac{v_0}{v_s}$ ہوتا ہے لہذا $v_s = 50 \mu V$ کی صورت میں

$$v_0 = A_v v_s = 99010 \times 50 \times 10^{-6} = 4.95 V \quad (v_s = 50 \mu V)$$

ہوگا۔ اسی طرح $v_s = 200 \mu V$ کی صورت میں جواب

$$v_0 = 99010 \times 200 \times 10^{-6} = 19.8 V \quad (\text{اس جواب کو رد کیا جاتا ہے})$$

متوقع ہے۔ مساوات 4.6 کے تحت v_0 کی قیمت $10.5 V$ سے زیادہ نہیں ہو سکتی۔ ایسی صورت میں حسابی ایپلیفائر کوشش کرتا ہے کہ اس کا خارجی اشارہ $19.8 V$ تک پہنچے لیکن ایسا ممکن نہیں ہے لہذا v_0 بڑھتے بڑھتے $10.5 V$ پر جا رہا ہے۔ یوں درست جواب درج ذیل ہے۔

$$v_0 = 10.5 V \quad (v_s = 200 \mu V)$$

داخلی اشارہ $2 V$ ہونے کی صورت میں $v_0 = 198 kV$ متوقع ہے جو حسابی ایپلیفائر کے لئے حاصل کرنا ناممکن ہے لہذا اب بھی

$$v_0 = 10.5 V \quad (v_s = 2 V)$$

ہوگا۔ آخری داخلی اشارے کے لئے $v_0 = 99010 \times (-150 \times 10^{-6}) = -14.9 V$ متوقع لیکن ناقابل حصول جواب ہے اور یوں

$$v_0 = -10.8 V \quad (v_s = -150 \mu V)$$

ہوگا۔

مثال 4.3: گزشتہ مثال میں مختلف داخلی اشارات مہیا کرتے ہوئے حسابی ایپلیفائر کا خارجی اشارہ حاصل کیا گیا۔ آپ سے گزارش ہے کہ داخلی اشارے کے وہ حدود حاصل کریں جن کے اندر رہتے ہوئے v_0 اور v_s کا تعلق خطی ہوگا۔

حل: ہم دیکھتے ہیں کہ جب تک خارجی اشارہ مساوات 4.5 میں دیے حدود کے اندر رہتا ہے اس وقت تک v_0 اور v_s خطی تعلق $\frac{v_0}{v_s} = A_v^{10}$ رکھتے ہیں۔ مندرجہ بالا مثال میں بالائی حد

$$v_{s, \text{بلند تر}} = \frac{v_0}{A_d} = \frac{10.5}{99010} = 106 \mu\text{V}$$

پر اور نچلی حد

$$v_{s, \text{کمتر}} = \frac{v_0}{A_d} = \frac{-10.8}{99010} = -109 \mu\text{V}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں حسابی ایمپلیفائر اس وقت تک داخلی اشارے کو خطی طور پر بڑھاتا ہے جب تک داخلی اشارہ درج ذیل حدود میں رہے۔

$$106 \mu\text{V} > v_s > -109 \mu\text{V}$$

ان حدود میں رہتے ہوئے v_d کے حدود شکل 4.5 سے بذریعہ تقسیم دباویوں حاصل ہوتے ہیں۔

$$v_{d, \text{بلند تر}} = \frac{R_i v_s}{R_i + R_s} = \frac{10^{12} \times 106 \mu\text{V}}{10^{12} + 5 \times 10^4} \approx 106 \mu\text{V}$$

$$v_{d, \text{کمتر}} = \frac{10^{12} \times (-109 \mu\text{V})}{10^{12} + 5 \times 10^4} \approx -109 \mu\text{V}$$

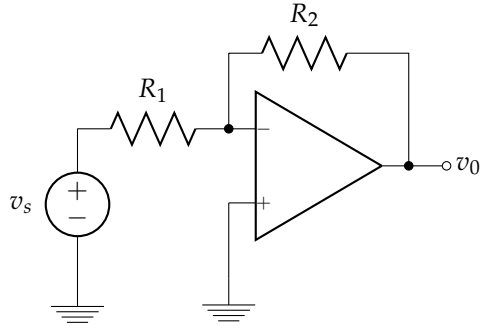
یوں جب تک

$$(4.7) \quad 106 \mu\text{V} > v_d > -109 \mu\text{V}$$

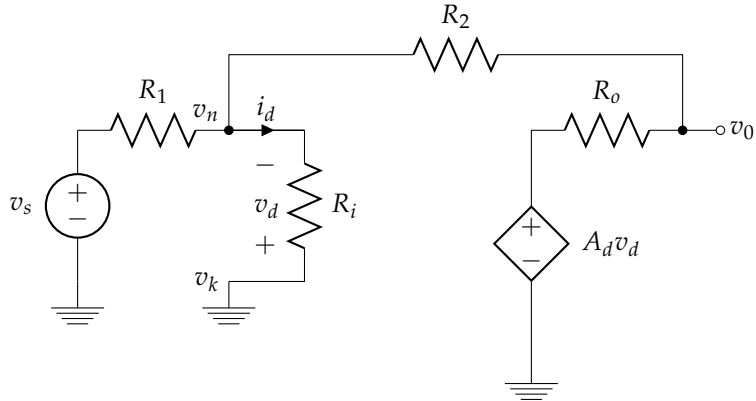
رہے، حسابی ایمپلیفائر خطی رہتا ہے۔

مثال 4.4: شکل 4.6 میں حسابی ایمپلیفائر کو یوں پلٹایا گیا ہے کہ اس کا مثبت سرائیچے اور منفی سرائیچے ہے۔ اس کی افزائش دباو $A_v = \frac{v_0}{v_s}$ حاصل کریں۔

linear relationship¹⁰



(ا) منفی ایپلیٹائر کا دور۔



(ب) منفی دور کا مساوی برقی دور۔

شکل 4.6: منفی ایپلیٹائر اور اس کا مساوی دور۔

حل: شکل 4.6-الف میں حسابی ایملیفائر کی جگہ اس کا نمونہ نسب کرنے سے شکل-ب حاصل ہوتا ہے جسے کرخوف کے قوانین سے حل کیا جاسکتا ہے۔ شکل-ب ایملیفائر کا مساوی دور ہے۔ منفی داخلی پینے پر کرخوف مساوات رو لکھتے ہیں

$$\frac{v_n - v_s}{R_1} + \frac{v_n}{R_i} + \frac{v_n - v_0}{R_2} = 0$$

جسے

$$v_n \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_2} \right) = \frac{v_s}{R_1} + \frac{v_0}{R_2}$$

لکھتے ہوئے v_n حاصل کرتے ہیں۔

$$(4.8) \quad v_n = \frac{\frac{v_s}{R_1} + \frac{v_0}{R_2}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_2}}$$

خارجی جوڑ پر کرخوف مساوات رو لکھتے ہیں

$$\frac{v_0 - v_n}{R_2} + \frac{v_0 - A_d v_d}{R_o} = 0$$

جس میں $v_d = -v_n$ پُر کرتے اور ترتیب دیتے ہوئے

$$v_0 \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} \right) = v_n \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ مساوات 4.8 کی مدد سے اس کو

$$v_0 \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} \right) = \frac{\left(\frac{v_s}{R_1} + \frac{v_0}{R_2} \right) \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right)}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_2}}$$

یا

$$v_0 \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} \right) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_2} \right) = \left(\frac{v_s}{R_1} + \frac{v_0}{R_2} \right) \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right)$$

یعنی

$$v_0 \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} \right) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_2} \right) - \frac{v_0}{R_o} \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right) = \frac{v_s}{R_1} \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right)$$

لکھا جاسکتا ہے جس کو حل کرتے ہوئے درج ذیل افزائش دباؤ A_v ملتی ہے۔

$$\frac{v_0}{v_s} = A_v = \frac{\frac{1}{R_1} \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right)}{\left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} \right) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_2} \right) - \frac{1}{R_2} \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right)}$$

اس کو درج ذیل صورت میں لکھ سکتے ہیں۔

$$(4.9) \quad \frac{v_0}{v_s} = A_v = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 - \left[\frac{\left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} \right) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_2} \right)}{\left(\frac{1}{R_2} \right) \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A_d}{R_o} \right)} \right]}$$

مثال 4.4 میں عمومی قیمتیں یعنی

$$R_1 = 1 \text{ k}\Omega, \quad R_2 = 10 \text{ k}\Omega, \quad R_i = 10^8 \Omega, \quad R_o = 100 \Omega, \quad A_d = 10^5 \text{ V V}^{-1}$$

پُر کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} A_v &= \frac{-10}{1 - \left[\frac{(0.0101)(0.001101)}{(0.0001) \left(0.0001 - \frac{100000000}{100} \right)} \right]} \\ &= -9.999998888 \text{ V V}^{-1} \end{aligned}$$

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ $\frac{A_d}{R_o}$ جزو کے علاوہ تمام قوسین کی قیمتیں انتہائی چھوٹی ہیں۔ آپ یہ بھی دیکھ سکتے ہیں کہ A_d کی قیمت زیادہ ہونے کی وجہ سے چکور قوسین کی قیمت تقریباً صفر کے برابر حاصل ہوتی ہے لہذا چکور قوسین کی قیمت کو رد کیا جاسکتا ہے اور یوں مساوات 4.9 کو درج ذیل لکھا جاسکتا ہے۔

$$(4.10) \quad A_v = \frac{v_0}{v_s} = -\frac{R_2}{R_1}$$

اس مساوات سے افزائش دباؤ

$$A_v = -\frac{10000}{1000} = -10 \text{ V V}^{-1}$$

حاصل ہوتی ہے۔ بالائی دو جوابات تقریباً برابر ہیں جبکہ نچلا جواب انتہائی آسانی سے حاصل ہوا۔ آئیں حسابی ایملیفائر حل کرنے کا انتہائی آسان طریقہ سیکھیں۔ اس طریقے میں کامل حسابی ایملیفائر استعمال کیا جاتا ہے لہذا پہلے کامل حسابی ایملیفائر پر غور کرتے ہیں۔

4.1 کامل حسابی ایمپلیفائر

ہم نے دیکھا کہ حسابی ایمپلیفائر کے داخلی مزاحمت R_i کی قیمت بڑی مقدار ہے۔ اسی طرح A_d کی قیمت بھی بڑی مقدار ہے جبکہ R_0 کی قیمت بیرونی لاگو مزاحمتوں کی نسبت سے بہت کم ہے۔ کامل حسابی ایمپلیفائر¹¹ میں R_i اور A_d کو لا محدود جبکہ R_0 کو صفر تصور کیا جاتا ہے۔

$$(4.11) \quad R_i \rightarrow \infty$$

$$(4.12) \quad A_d \rightarrow \infty$$

$$(4.13) \quad R_o \rightarrow 0$$

مثال 4.3 میں ہم نے v_d کے وہ حدود حاصل کئے جن میں رہتے ہوئے v_0 اور v_s کا تعلق خطی ہوتا ہے۔ حسابی ایمپلیفائر کو خطی خطے میں ہی چلایا جاتا ہے۔ مساوات 4.7 میں یہ حدود دیے گئے ہیں جہاں سے واضح ہے کہ کسی بھی حقیقی دور میں v_d کی حتمی قیمت تقریباً سولہ ولٹ رہتی ہے جو نہایت کم مقدار ہے۔ کامل حسابی ایمپلیفائر میں v_d کو صفر تصور کیا جاتا ہے۔

$$(4.14) \quad v_d \rightarrow 0$$

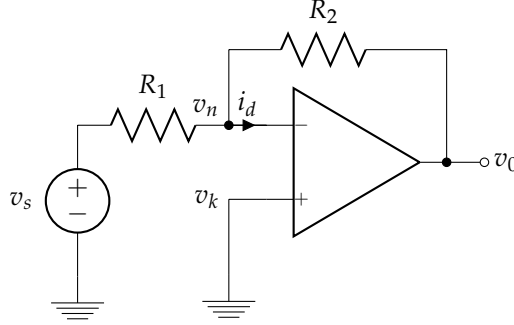
چونکہ $v_d = v_k - v_n$ کے برابر ہے لہذا مندرجہ بالا مساوات کو درج ذیل صورت میں بھی لکھا جاسکتا ہے۔

$$(4.15) \quad v_k = v_n$$

اگر $v_d = 100 \mu V$ اور $R_i = 10^{12} \Omega$ لیا جائے تو شکل 4.6-ب میں $i_d = \frac{100 \mu V}{10^{12} \Omega} \approx 0$ حاصل ہوتا ہے۔ یوں کامل حسابی ایمپلیفائر کے دونوں داخلی پینوں پر رو کی قیمت صفر تصور کی جاتی ہے۔

$$(4.16) \quad i_d = 0$$

مثال 4.5: گزشتہ مثال میں شکل 4.6 کو حل کیا گیا جسے یہاں بطور شکل 4.7 دوبارہ پیش کیا گیا ہے۔ کامل حسابی ایمپلیفائر تصور کرتے ہوئے اسے حل کریں۔



شکل 4.7: کامل حسابی ایمپلیفائر کا حل۔

حل: شکل میں داخلی دباؤ v_k اور v_n کی نشاندہی کی گئی ہے۔ ساتھ ہی ساتھ حسابی ایمپلیفائر کی داخلی رو i_d بھی ظاہر کی گئی ہے۔ کامل حسابی ایمپلیفائر کے ادوار حل کرتے ہوئے جوڑ v_k اور v_n پر کرخوف مساوات لکھ کر ان سے v_k اور v_n حاصل کریں۔ مساوات 4.15 کے تحت یہ قیمتیں برابر ہونی چاہیں لہذا انہیں برابر پُر کرتے ہوئے v_0 کے لئے حل کریں۔ آئیں ایسا ہی کرتے ہیں۔

چونکہ جوڑ v_k زمین کے ساتھ جڑا ہے لہذا اس کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں۔

$$v_k = 0$$

جوڑ v_n پر مساوات 4.16 کے تحت $i_d = 0$ لیتے ہوئے کرخوف قانون رو لکھتے ہیں۔

$$\frac{v_n - v_s}{R_1} + \frac{v_n - v_0}{R_2} = 0$$

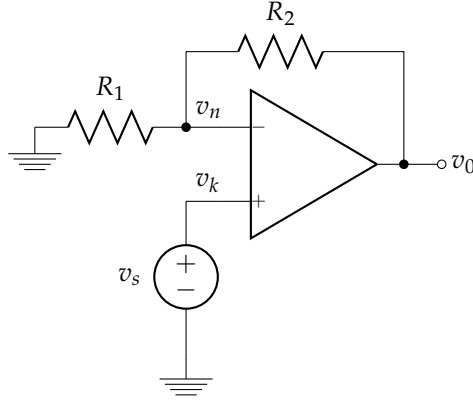
چونکہ $v_k = 0$ ہے لہذا مساوات 4.15 کے تحت $v_n = 0$ ہو گا۔ یہ قیمت درج بالا مساوات میں پُر کرتے ہیں۔

$$\frac{0 - v_s}{R_1} + \frac{0 - v_0}{R_2} = 0$$

اس کو حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(4.17) \quad \frac{v_0}{v_s} = -\frac{R_2}{R_1}$$

مساوات 4.10 سے موازنہ کریں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کامل حسابی ایمپلیفائر تصور کرتے ہوئے جواب نہایت آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔



شکل 4.8: مثبت ایمپلیفائر۔

شکل 4.6 کا دور داخلی اشارہ v_s کو بڑھانے کے ساتھ ساتھ منفی سے ضرب بھی دیتا ہے لہذا اس دور کو منفی ایمپلیفائر¹² کہتے ہیں۔

مثال 4.6: مثبت ایمپلیفائر¹³ کو شکل 4.8 میں دکھایا گیا ہے۔ افزائش $\frac{v_0}{v_s}$ حاصل کریں۔

حل: مثبت داخلی پنیا کی مساوات لکھتے ہیں۔

(4.18)

$$v_k = v_s$$

منفی داخلی پنیا پر $i_d = 0$ لیتے ہوئے کر خوف مساوات رو لکھ

$$\frac{v_n}{R_1} + \frac{v_n - v_0}{R_2} = 0$$

inverting amplifier¹²
non-inverting amplifier¹³

کر v_n کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$(4.19) \quad v_n = \frac{\frac{v_0}{R_2}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}}$$

مساوات 4.18 اور مساوات 4.19 میں حاصل کردہ v_k اور v_n کی قیمتیں برابر پڑھ کر لیں۔

$$v_s = \frac{\frac{v_0}{R_2}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}}$$

اس کو $\frac{v_0}{v_s}$ کے لئے حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(4.20) \quad A_v = \frac{v_0}{v_s} = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$
