

## برقی ادوار

خالد خان یوسفزئی  
کامیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفارمیشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد  
khalidyousafzai@comsats.edu.pk



# عنوان

1	بنیاد	1
1	برقی بار، برقی رو اور برقی دباؤ	1.1
6	قانون اوہم	1.2
8	توانائی اور طاقت	1.3
15	برقی پڑے	1.4
15	غیر تابع منبع	1.4.1
17	تابع منبع	1.4.2
27	مزا جتنی ادوار	2
27	قانون اوہم	2.1
35	قوانین کرخوف	2.2
51	سلسلہ وار جڑے پڑوں میں رو	2.3
52	تقسیم دباؤ	2.4
55	متعدد سلسلہ وار مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت	2.5
58	سلسلہ وار متعدد منبع دباؤ اور مزاحمت	2.6
59	متوازی جڑے مزاحمت پر یکساں دباؤ پایا جاتا ہے	2.7
61	تقسیم رو اور متعدد متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت	2.8
68	سلسلہ وار اور متوازی مزاحمت	2.9
73	تخصیص مزاحمت	2.10
76	سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے ادوار کا حل	2.11
84	ستارہ-تکون تبادلہ	2.12
91	تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار	2.13
101	ترکیب جوڑ اور دائری ترکیب	3
101	تجزیہ جوڑ	3.1
104	غیر تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار	3.2
117	تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار	3.3
123	غیر تابع منبع دباؤ استعمال کرنے والے ادوار	3.4

132 . . . . .	تابع منبع دباو استعمال کرنے والے ادوار . . . . .	3.5
139 . . . . .	دائری تجزیہ . . . . .	3.6
140 . . . . .	غیر تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار . . . . .	3.7
148 . . . . .	غیر تابع منبع رواستعمال کرنے والے ادوار . . . . .	3.8
154 . . . . .	تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار . . . . .	3.9
158 . . . . .	دائری ترکیب اور ترکیب جوڑ کا موازنہ . . . . .	3.10

161	حسابی ایپلیفائر	4
171 . . . . .	کامل حسابی ایپلیفائر	4.1
171 . . . . .	منفی ایپلیفائر	4.2
174 . . . . .	مثبت ایپلیفائر	4.3
176 . . . . .	مستقام کار	4.4
176 . . . . .	منفی کار	4.5
178 . . . . .	جمع کار	4.6
181 . . . . .	متوازن اور غیر متوازن صورت	4.7
185 . . . . .	موازنہ کار	4.8
185 . . . . .	آلاتی ایپلیفائر	4.9

187	مسئلے	5
187 . . . . .	مساوی دور	5.1
187 . . . . .	مسئلہ خطیت	5.2
191 . . . . .	مسئلہ نفاذ	5.3
201 . . . . .	مساوی ادوار	5.4
206 . . . . .	مسئلہ تھون، مسئلہ نارٹن اور مسئلہ متبادلہ منبع	5.5
225 . . . . .	تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار	5.6
231 . . . . .	تابع منبع اور غیر تابع منبع دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7
239 . . . . .	زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کا مسئلہ	5.8

247	برق گیر اور امالہ گیر	6
247 . . . . .	برق گیر	6.1
261 . . . . .	امالہ گیر	6.2
270 . . . . .	برق گیر اور امالہ گیر کے خصوصیات	6.3
273 . . . . .	سلسلہ وار جڑے برق گیر	6.4
277 . . . . .	متوازی جڑے برق گیر	6.5
281 . . . . .	سلسلہ وار امالہ گیر	6.6
283 . . . . .	متوازی امالہ گیر	6.7
287 . . . . .	حسابی ایپلیفائر کے RC ادوار	6.8
288 . . . . .	تفرق کار	6.9

293	عارضی رد عمل	7
293 . . . . .	تعارف	7.1
293 . . . . .	ایک درجی ادوار	7.2

295	7.2.1 رد عمل کی عمومی مساوات	
321	7.3 دھڑکن	
328	7.4 دو درجی ادوار	
359	8 برقرار حالت بدلتی رو	
359	8.1 مخلوط اعداد	
364	8.2 سائن نمائندہ	
373	8.3 سائن نماد اور مخلوط جبری تفاعل	
381	8.4 دوری سمتیہ	
386	8.5 مزاحمت، امالہ گیر اور برقی گیر کے انفرادی دوری سمتیہ تعلق	
396	8.6 برقی رکاوٹ اور برقی فراوانی	
409	8.7 دوری سمتیہ کے اشکال	
419	8.8 کرخوف مساوات	
424	8.9 تجزیاتی تراکیب	
443	9 برقرار برقی طاقت	
443	9.1 لمبائی طاقت	
446	9.2 اوسط طاقت	
453	9.3 زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل کرنے کا مسئلہ	
463	9.4 موثر قیمت	
472	9.5 جزو طاقت	
476	9.6 مخلوط طاقت	
484	9.7 جزو طاقت کی درنگی	
489	9.8 برقی جھٹکا	
491	9.9 نم زمین	
492	9.10 ایک دور کا نظام	
497	9.11 حفاظتی تدابیر	
499	10 مقناطیسی جڑے ادوار	
499	10.1 مشیر کہ امالہ	
517	10.2 مشیر کہ امالہ میں توانائی کا ذخیرہ	
523	10.3 کامل ٹرانسفارمر	
547	11 تین دوری نظام	
547	11.1 تین دوری ستارہ دیاو	
553	11.2 ستارہ ستارہ (YY) جوڑ	
559	11.3 تین دوری ٹیکونی (Δ) دیاو	
564	11.4 ٹیکونی بوجھ	
569	11.5 طاقت کے کلیات	
576	11.6 جزو طاقت کی درنگی	





## باب 11

### تین دوری نظام

#### 11.1 تین دوری ستارہ دباو

اب تک بدلتی روطاقت کی بات کرتے ہوئے ایک عدد منبع دباو کی بات کی جاتی رہی۔ حقیقت میں بدلتی روطاقت کی پیداوار اور ترسیل تین دوری نظام سے کی جاتی ہے۔ شکل 11.1 میں تین دوری نظام دکھایا گیا ہے جہاں تین عدد منبع استعمال کئے گئے ہیں جو آپس میں  $120^\circ$  زاویائی فاصلہ رکھتے ہیں۔ تمام دباو کے حیٹے یک برابر ہونے کی صورت میں اس کو متوازن تین دوری نظام کہا جاتا ہے۔ دکھائے گئے متوازن نظام کے دباو درج ذیل ہیں جن کے دوری سمتیات کو شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔

$$\begin{aligned}\hat{V}_{an} &= 230/0^\circ \text{ Vrms} \\ \hat{V}_{bn} &= 230/-120^\circ \text{ Vrms} \\ \hat{V}_{cn} &= 230/-240^\circ \text{ Vrms} \\ &= 230/120^\circ \text{ Vrms}\end{aligned}\quad (11.1)$$

انہیں کو وقتی دائرہ کار میں درج ذیل لکھا جائے گا۔ شکل-پ میں انہیں دکھایا گیا ہے۔

$$\begin{aligned}v_{an}(t) &= 230\sqrt{2} \cos \omega t \text{ V} \\ v_{bn}(t) &= 230\sqrt{2} \cos(\omega t - 120^\circ) \text{ V} \\ v_{cn}(t) &= 230\sqrt{2} \cos(\omega t + 120^\circ) \text{ V}\end{aligned}\quad (11.2)$$

balanced three phase system<sup>1</sup>



متوازن بوجھ کی صورت میں تینوں رو کے حیطے اور زاوے بھی برابر ہوں گے لہذا انہیں درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$\begin{aligned} i_{an}(t) &= I_0 \cos(\omega t - \theta) \text{ A} \\ i_{bn}(t) &= I_0 \cos(\omega t - 120^\circ - \theta) \text{ A} \\ i_{cn}(t) &= I_0 \cos(\omega t + 120^\circ - \theta) \text{ A} \end{aligned} \quad (11.3)$$

مساوات 11.2 کے تینوں دباؤ کو عمومی شکل میں لکھتے ہیں۔

$$\begin{aligned} v_{an}(t) &= V_0 \cos \omega t \text{ V} \\ v_{bn}(t) &= V_0 \cos(\omega t - 120^\circ) \text{ V} \\ v_{cn}(t) &= V_0 \cos(\omega t + 120^\circ) \text{ V} \end{aligned} \quad (11.4)$$

شکل 11.1 میں  $n$  تا  $a$  کے دباؤ  $\hat{V}_{an}$  کو شاخ کا دباؤ یا دوری دباؤ<sup>2</sup> کہا جاتا ہے۔ اسی طرح  $n$  تا  $b$  کے دباؤ  $\hat{V}_{bn}$  اور  $n$  تا  $c$  کے دباؤ  $\hat{V}_{cn}$  بھی دوری دباؤ ہیں۔ انہیں اس شکل سے  $b$  تا  $a$  دباؤ دریافت کریں جسے دباؤ تار<sup>3</sup> کہا جاتا ہے۔

$$\begin{aligned} \hat{V}_{ab} &= \hat{V}_{an} - \hat{V}_{bn} \\ &= V_0 \angle 0^\circ - V_0 \angle -120^\circ \\ &= V_0 - V_0 \left( -\frac{1}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \\ &= V_0 \left( \frac{3}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \\ &= \sqrt{3} V_0 \angle 30^\circ \end{aligned}$$

یہی جواب شکل 11.2-الف میں ترسیمی طریقے سے حاصل کیا جاسکتا ہے جہاں متکون سے درج ذیل لکھتے

$$V_{ab}^2 = V_0^2 + V_0^2 - 2V_0^2 \cos 120^\circ$$

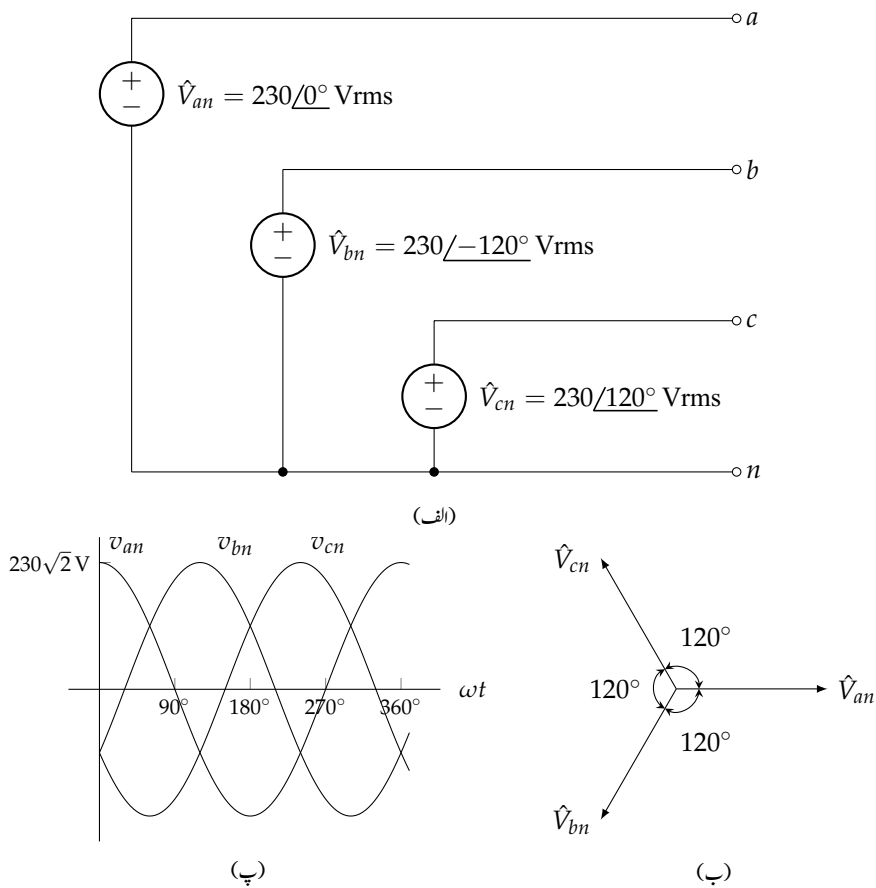
ہوئے

$$V_{ab} = \sqrt{3} V_0 \quad (11.5)$$

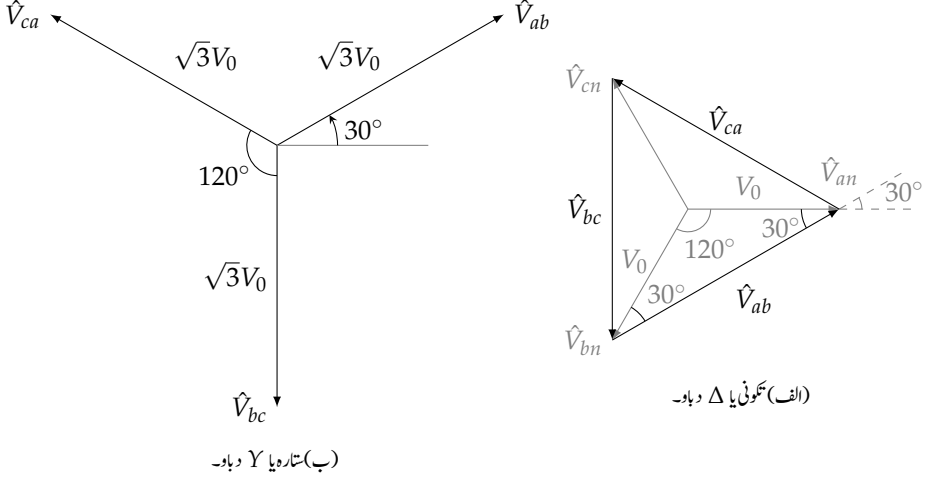
ملتا ہے اور زاویہ شکل سے  $30^\circ$  پڑھا جاسکتا ہے لہذا  $\hat{V}_{ab} = \sqrt{3} V_0 \angle 30^\circ$  ہوگا۔

چونکہ  $V_0$  دور کا دباؤ ہے جبکہ  $\sqrt{3} V_0$  تار کا دباؤ ہے لہذا درج بالا مساوات کو درج ذیل لکھا جاسکتا ہے۔

$$V_{\text{تار}} = \sqrt{3} V_{\text{دور}} \quad (11.6)$$



شکل 11.1: تین دوری نظام۔



شکل 11.2: دوری دباور دباوتار کا تعلق۔

یوں ہم تین دوری دباوتار لکھ سکتے ہیں جنہیں شکل 11.2-ب میں دکھایا گیا ہے۔

$$\begin{aligned}
 \hat{V}_{ab} &= \sqrt{3}V_0/30^\circ \\
 \hat{V}_{ca} &= \sqrt{3}V_0/150^\circ \\
 \hat{V}_{bc} &= \sqrt{3}V_0/-90^\circ
 \end{aligned}
 \tag{11.7}$$

تین دوری دباوتار بھی آپس میں  $120^\circ$  زاویے پر پائے جاتے ہیں۔

شکل 11.1-ب میں  $v_{bn}$  کو  $v_{an}$  سے  $120^\circ$  پیچھے اور  $v_{cn}$  کو  $v_{bn}$  سے  $120^\circ$  پیچھے دکھایا گیا ہے لہذا اس نظام کی ترتیب abc ہے۔

مثال 11.1: درج ذیل مساوات کو ثابت کریں۔

$$(11.8) \quad \cos \alpha + \cos(\alpha + 120^\circ) + \cos(\alpha - 120^\circ) = 0$$

$$(11.9) \quad \cos \alpha + \cos(\alpha - 240^\circ) + \cos(\alpha + 240^\circ) = 0$$

حل: مساوات 11.8 میں دوسرے اور تیسرے اجزاء کو درج ذیل لکھا جاسکتا ہے۔

$$\cos(\alpha + 120^\circ) = \cos \alpha \cos 120^\circ - \sin \alpha \sin 120^\circ = -\frac{1}{2} \cos \alpha - \frac{\sqrt{3}}{2} \sin \alpha$$

$$\cos(\alpha - 120^\circ) = \cos \alpha \cos 120^\circ + \sin \alpha \sin 120^\circ = -\frac{1}{2} \cos \alpha + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin \alpha$$

یوں تینوں اجزاء کا مجموعہ درج ذیل ہے۔

$$(\cos \alpha) + \left(-\frac{1}{2} \cos \alpha - \frac{\sqrt{3}}{2} \sin \alpha\right) + \left(-\frac{1}{2} \cos \alpha + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin \alpha\right) = 0$$

آئیں اب مساوات 11.9 کو ثابت کریں۔ مساوات کے دوسرے جزو میں  $\cos(\alpha - 240^\circ) = \cos(\alpha + 120^\circ)$  استعمال کرتے ہوئے مساوات 11.8 ملتا ہے جسے ہم ثابت کر چکے ہیں۔

مشق 11.1: متوازن  $abc$  ترتیب کے تین دوری ستارہ دباؤ میں  $\hat{V}_{an} = 230/\underline{30^\circ} \text{ V rms}$  ہے۔ باقی دو موثر ستارہ دباؤ حاصل کرتے ہوئے موثر دباؤ تار بھی حاصل کریں۔

جوابات:  $\hat{V}_{ab} = 398.4/\underline{60^\circ} \text{ V rms}$  ،  $\hat{V}_{cn} = -90/\underline{30^\circ} \text{ V rms}$  ،  $\hat{V}_{bn} = 230/\underline{150^\circ} \text{ V rms}$  ،  
 $\hat{V}_{bc} = 398.4/\underline{-60^\circ} \text{ V rms}$  ،  $\hat{V}_{ca} = 398.4/\underline{180^\circ} \text{ V rms}$

مشق 11.2: متوازن تین دوری  $abc$  ستارہ نظام میں  $\hat{V}_{ab} = 415/0^\circ \text{ V rms}$  ہے۔ دباوتار کا تکون شکل 11.2- الف کے طرز پر کھینچیں۔ تریسی طریقے سے موثر ستارہ دوری دباؤ حاصل کریں۔

جوابات:  $\hat{V}_{an} = 239.4/-30^\circ \text{ V rms}$  ،  $\hat{V}_{bn} = 239.4/-150^\circ \text{ V rms}$  ،  $\hat{V}_{cn} = 239.4/90^\circ \text{ V rms}$

تین دوری نظام میں علیحدہ علیحدہ دور کے لحاظی طاقت لکھتے ہیں

$$\begin{aligned} p_a(t) &= v_{an}i_{an} \\ &= V_0 I_0 \cos \omega t \cos(\omega t - \theta) \\ &= \frac{V_0 I_0}{2} [\cos \theta + \cos(2\omega t - \theta)] \\ p_b(t) &= v_{bn}i_{bn} \\ &= V_0 I_0 \cos(\omega t - 120^\circ) \cos(\omega t - 120^\circ - \theta) \\ &= \frac{V_0 I_0}{2} [\cos \theta + \cos(2\omega t - \theta - 240^\circ)] \\ p_c(t) &= v_{cn}i_{cn} \\ &= V_0 I_0 \cos(\omega t + 120^\circ) \cos(\omega t + 120^\circ - \theta) \\ &= \frac{V_0 I_0}{2} [\cos \theta + \cos(2\omega t - \theta + 240^\circ)] \end{aligned}$$

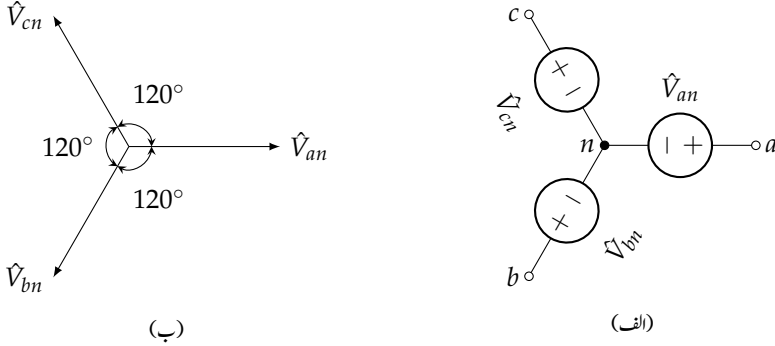
جہاں  $\cos \alpha \cos \beta = \frac{1}{2} [\cos(\alpha - \beta) + \cos(\alpha + \beta)]$  کا استعمال کیا گیا ہے۔ یوں مکمل نظام کا لحاظی طاقت  $p(t)$  درج بالا کا مجموعہ ہو گا۔

$$\begin{aligned} p(t) &= p_a(t) + p_b(t) + p_c(t) \\ &= \frac{V_0 I_0}{2} [3 \cos \theta + \cos(2\omega t - \theta) + \cos(2\omega t - \theta - 240^\circ) + \cos(2\omega t - \theta + 240^\circ)] \end{aligned}$$

درج بالا مساوات میں  $2\omega t - \theta = \alpha$  لکھتے ہوئے اور مساوات 11.9 استعمال کرتے ہوئے آخری تین اجزاء کے مجموعے کو صفر کے برابر لکھا جاسکتا ہے۔ یوں لحاظی طاقت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$(11.10) \quad p(t) = \frac{3V_0 I_0}{2} \cos \theta = 3V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos \theta W$$

آپ مساوات 11.10 کا  $p_a(t) = \frac{V_0 I_0}{2} [\cos \theta + \cos(2\omega t - \theta)]$  کے ساتھ موازنہ کریں جو دگنی تعدد یعنی  $2\omega$  کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تین دوری نظام میں لحاظی طاقت برقرار رہتا ہے۔ یہ انتہائی اہم نتیجہ ہے۔ تین دور کا موثر برقرار میکانیکی قوت پیدا کرے گا لہذا اس میں ترترہٹ کم سے کم ہوگی جو میکانیکی خرابی کی وجہ بنتی ہے۔



شکل 11.3: ستارہ (Y) جوڑ۔

## 11.2 ستارہ ستارہ (YY) جوڑ

مسوات 11.2 میں لمحہ  $t = 0$  پر  $v_{an}$  کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ  $v_{an}$  کا زاویائی ہٹاؤ صفر کے برابر ہے۔ اگر  $v_{an}$  کا زاویائی ہٹاؤ  $\theta$  ہو تب تین دوری نظام کے دوری سمتیات درج ذیل ہوں گے۔

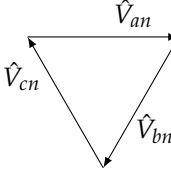
$$\begin{aligned} \hat{V}_{an} &= 230/\theta \text{ Vrms} \\ \hat{V}_{bn} &= 230/\theta - 120^\circ \text{ Vrms} \\ \hat{V}_{cn} &= 230/\theta - 240^\circ \text{ Vrms} \end{aligned} \quad (11.11)$$

ایسی صورت میں شکل 11.1-ب کے تینوں دوری سمتیات  $\theta$  زاویہ گھوم جائیں گے۔ تین دوری  $abc$  نظام کی بات کرتے ہوئے ہم  $v_{an}$  کا زاویہ ہٹاؤ صفر کے برابر لیں گے تاکہ بار بار اس کا ذکر نہ کرنا پڑے۔

شکل 11.1-الف کے تین دوری  $abc$  نظام کو شکل 11.3-الف میں مستارہ جزا<sup>4</sup> دکھایا گیا ہے۔ ساتھ ہی شکل-ب میں دوری سمتیات دکھائے گئے ہیں جو ستارہ شکل بناتے ہیں۔ تین دوری نظام کو اس طرح کاغذ پر بناتے ہوئے مکمل معلومات بغیر لکھے دی جاتی ہے۔ یوں شکل 11.1-الف سے ظاہر ہے کہ  $v_{an}$  کا زاویہ ہٹاؤ صفر کے برابر ہے اور  $v_{bn}$  اس سے  $120^\circ$  پیچھے ہے۔ یوں ظاہر ہے کہ اس نظام کی ترتیب  $abc$  ہے۔ ساتھ ہی آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تینوں دباؤ کے حیطے برابر ہیں۔ تینوں دباؤ کو نقطہ  $n$  سے ناپا جاتا ہے۔ ستارہ جوڑ کو  $Y$  جوڑ بھی کہتے ہیں۔

<sup>4</sup>star connected, Y connected

<sup>5</sup>ستارہ جوڑ کی شکل حرف Y سے مشابہت رکھتا ہے۔ اسی لئے اس کو Y جوڑ بھی کہتے ہیں۔

$$\hat{V}_{an} + \hat{V}_{bn} + \hat{V}_{cn} = 0$$


شکل 11.4: تین دوری نظام کے تینوں دباؤ کا مجموعہ صفر کے برابر ہے۔

دوری سمتیات کا مجموعہ حاصل کرتے وقت ایک دوری سمتیہ کی نوک کے ساتھ دوسری دوری سمتیہ کی دم ملائی جاتی ہے۔ اس ترکیب کو استعمال کرتے ہوئے شکل 11.4 میں تریسی طریقے سے درج ذیل مساوات ثابت کی گئی ہے۔

$$(11.12) \quad \hat{V}_{an} + \hat{V}_{bn} + \hat{V}_{cn} = 0$$

شکل 11.5-الف میں تین دوری نظام کے تینوں منبع پر بوجھ لدا دکھایا گیا ہے۔ اسی کو شکل-ب میں ستارہ صورت میں دکھایا گیا ہے۔ منبع اور بوجھ دونوں ستارہ جڑے ہیں لہذا اس نظام کو ستارہ ستارہ<sup>6</sup> نظام YY نظام کہا جاتا ہے۔ شاخ  $a$  پر نظر ڈالتے ہوئے معلوم ہوتا ہے کہ منبع  $\hat{V}_{an}$  کی دوری رو  $\hat{I}_a$  ہی منبع سے بوجھ تک تار میں پائے جانے والی روتار  $\hat{I}_a$  ہے۔ یوں ستارہ ستارہ نظام کے لئے درج ذیل لکھا جاسکتا ہے جہاں مساوات 11.6 کو دوبارہ پیش کیا گیا ہے۔

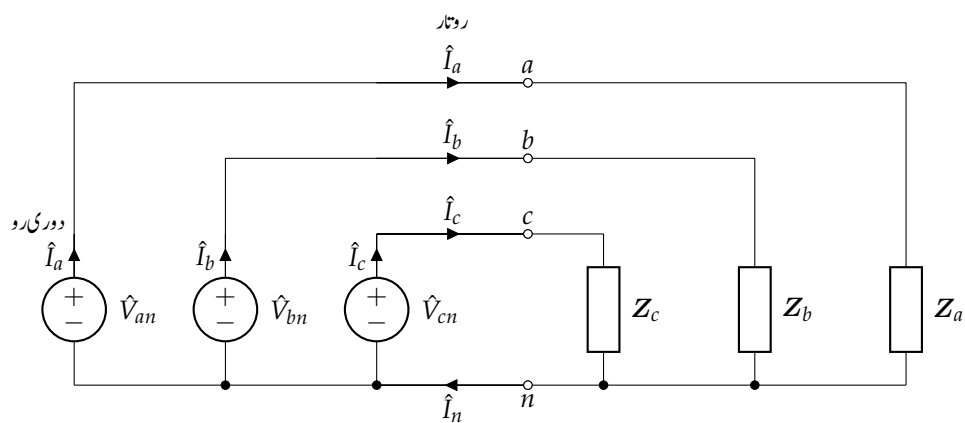
$$(11.13) \quad I_{rt} = I_{دوری}, \quad V_{rt} = \sqrt{3}V_{دوری} \quad \text{ستارہ ستارہ نظام میں دوری اور تار کے متغیرات کے تعلق}$$

متوازن ستارہ بوجھ کی صورت میں  $Z_a = Z_b = Z_c = Z_Y$  ہو گا۔ ایسی صورت میں شکل 11.5-الف میں تین دوری رو درج ذیل ہوں گی جہاں  $\hat{V}_a$  کا زاویہ ہٹاؤ صفر لیا گیا ہے اور  $\frac{V_0}{Z_Y}$  کو  $I_0$  لکھا گیا ہے۔

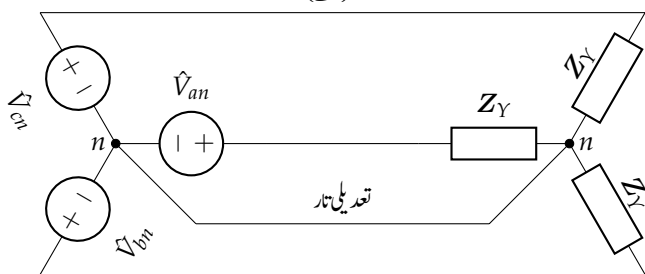
$$(11.14) \quad \begin{aligned} \hat{I}_a &= \frac{\hat{V}_a}{Z_Y} = \frac{V_0/\underline{0^\circ}}{Z_Y/\underline{\theta_z}} = \frac{V_0}{Z_Y} \underline{-\theta_z} = I_0 \underline{-\theta_z} \\ \hat{I}_b &= \frac{\hat{V}_b}{Z_Y} = \frac{V_0/\underline{-120^\circ}}{Z_Y/\underline{\theta_z}} = \frac{V_0}{Z_Y} \underline{-120^\circ - \theta_z} = I_0 \underline{-120^\circ - \theta_z} \\ \hat{I}_c &= \frac{\hat{V}_c}{Z_Y} = \frac{V_0/\underline{120^\circ}}{Z_Y/\underline{\theta_z}} = \frac{V_0}{Z_Y} \underline{120^\circ - \theta_z} = I_0 \underline{120^\circ - \theta_z} \end{aligned}$$

شکل 11.5-الف میں منبعوں کے جوڑ پر کرفوف قانون رو کی مدد سے تعدیلی تار میں رو  $\hat{I}_n$  کی مساوات لکھتے ہیں

$$\hat{I}_n = \hat{I}_a + \hat{I}_b + \hat{I}_c$$



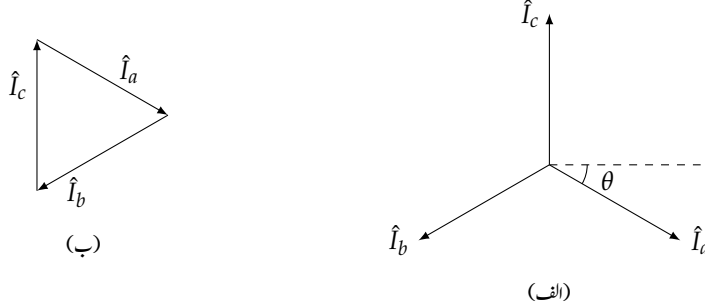
(الف)



(ب)

شکل 11.5: متوازن ستاره ستاره (YY) نظام۔





شکل 11.6: متوازن منبع اور متوازن بوجھ کی صورت میں تعدیلی رو صفر ہوگی۔

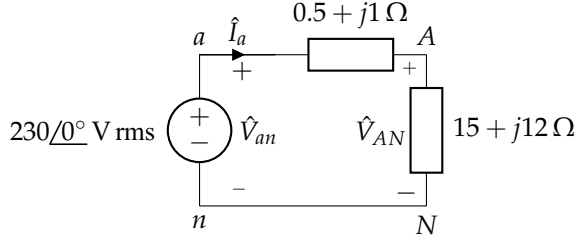
جس میں مساوات 11.14 پر کرتے ہوئے ثابت ہوتا ہے کہ  $I_n$  صفر کے برابر ہے۔

$$(11.15) \quad I_n = I_a + I_b + I_c = 0 \quad \text{متوازن ستارہ ستارہ میں تعدیلی رو صفر ہے}$$

شکل 11.6 میں پیچھے جزو طاقت کی صورت میں ستارہ رو اور ان کا مجموعہ دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ متوازن ستارہ منبع اور متوازن ستارہ بوجھ کی صورت میں تعدیلی رو صفر ہوگی لہذا تعدیلی تار اتارنے سے نظام پر کوئی اثر نہیں ہوگا۔ ہاں اگر ایک بوجھ یا ایک منبع کی قیمت تبدیل کر دی جائے تب اس شاخ کی رو تبدیل ہو جائے گی اور یوں تینوں شاخوں کی رو کا مجموعہ صفر نہ پائے گا لہذا غیر متوازن صورت میں تعدیلی رو پائی جائے گی۔

متوازن ستارہ ستارہ نظام میں تینوں رو کی قیمت برابر ہوتی ہے جبکہ ان میں زاویائی فاصلہ  $120^\circ$  پایا جاتا ہے۔ یوں ہم صرف ایک منبع اور اس کے بوجھ کو حل کرتے ہوئے تمام جوابات اخذ کر سکتے ہیں۔ اس نظام میں تینوں تار کی رکاوٹ بھی برابر ہوتی ہے لہذا تار کی رکاوٹ کے اثرات شامل کرتے ہوئے بھی صرف ایک دور حل کرنا پڑتا ہے۔ چونکہ متوازن ستارہ ستارہ نظام کے تعدیلی تار میں رو صفر رہتی ہے لہذا اس تار کی رکاوٹ کا نظام میں دباؤ اور رو پر کوئی اثر نہیں ہوتا لہذا تعدیلی تار کی رکاوٹ غیر اہم ہے۔ یوں تعدیلی تار کی رکاوٹ کچھ بھی تصور کی جاسکتی ہے۔ ہم تعدیلی تار کی رکاوٹ صفر تصور کریں گے۔

مثال 11.2: متوازن تین دوری ستارہ ستارہ  $abc$  نظام میں موثر دوری دباؤ  $230 \text{ V rms}$  ہے جبکہ تار اور بوجھ کے رکاوٹ بالترتیب  $0.5 + j1 \Omega$  اور  $15 + j12 \Omega$  ہیں۔ تمام دباؤ بوجھ اور تار کی رو دریافت کریں۔



شکل 11.7: مثال 11.2 کا دور

حل: شاخ  $a$  کو صفر زاویے پر رکھتے ہوئے تین منبع کے دباؤ لکھتے ہیں۔

$$\hat{V}_{an} = 230\angle 0^\circ \text{ V rms}$$

$$\hat{V}_{bn} = 230\angle -120^\circ \text{ V rms}$$

$$\hat{V}_{acn} = 230\angle 120^\circ \text{ V rms}$$

ستارہ ستارہ نظام کے ایک شاخ کو شکل 11.7 میں دکھایا گیا ہے جہاں سے درج ذیل لکھا جاسکتا ہے۔

$$\hat{I}_a = \frac{230\angle 0^\circ}{0.5 + j1 + 15 + j12} = 11.37\angle -40^\circ \text{ A rms}$$

$$\hat{V}_{AN} = \left( \frac{15 + j12}{0.5 + j1 + 15 + j12} \right) 230\angle 0^\circ = 218.4\angle -1.3^\circ \text{ V rms}$$

ان جوابات کو  $120^\circ$  ہٹا دیتے ہوئے بقایا جوابات لکھتے ہیں۔

$$\hat{I}_b = 11.37\angle -120^\circ - 40^\circ = 11.37\angle -160^\circ \text{ A rms}$$

$$\hat{I}_c = 11.37\angle +120^\circ - 40^\circ = 11.37\angle 80^\circ \text{ A rms}$$

$$\hat{V}_{BN} = 218.4\angle -120^\circ - 1.3^\circ = 218.4\angle -121.3^\circ \text{ V rms}$$

$$\hat{V}_{CN} = 218.4\angle +120^\circ - 1.3^\circ = 218.4\angle 118.7^\circ \text{ V rms}$$

مشق 11.3: متوازن  $abc$  ستارہ جڑے منبع میں  $\hat{V}_{an} = 100/\underline{180^\circ} \text{ V}$  ہے۔ دباوتار حاصل کریں۔

جوابات:  $\hat{V}_{bc} = 173.2/\underline{90^\circ} \text{ V}$  ،  $\hat{V}_{ca} = 173.2/\underline{-30^\circ} \text{ V}$  ،  $\hat{V}_{ab} = 173.2/\underline{-150^\circ} \text{ V}$

---



---

مشق 11.4: متوازن  $abc$  ستارہ جڑے منبع میں  $\hat{V}_{ab} = 180/\underline{150^\circ} \text{ V}$  ہے۔ دوری دباو حاصل کریں۔

جوابات:  $\hat{V}_{cn} = 86.6/\underline{-150^\circ} \text{ V}$  ،  $\hat{V}_{bn} = 86.6/\underline{-30^\circ} \text{ V}$  ،  $\hat{V}_{an} = 86.6/\underline{90^\circ} \text{ V}$

---



---

مشق 11.5: ستارہ ستارہ  $abc$  ترتیب کے نظام میں بوجھ پر دباو  $\hat{V}_{AN} = 220/\underline{-15.6^\circ} \text{ V rms}$  ہے۔ ستارہ بوجھ کے ایک دور کی رکاوٹ  $4 + j2 \Omega$  اور تار کی رکاوٹ  $1 + j1.5 \Omega$  ہے۔ ستارہ منبع کی دوری دباو حاصل کریں۔

جوابات:  $\hat{V}_{bn} = 300/\underline{-127.2^\circ} \text{ V rms}$  ،  $\hat{V}_{an} = 300/\underline{-7.2^\circ} \text{ V rms}$  ،  $\hat{V}_{cn} = 300/\underline{112.8^\circ} \text{ V rms}$

---



---

مشق 11.6: متوازن ستارہ بوجھ کے ایک دور کی رکاوٹ  $0.2 - j0.12 \Omega$  ہے۔ اس کو متوازن ستارہ منبع سے طاقت فراہم کی جاتی ہے جس کا دباو دور  $110 \text{ V rms}$  ہے۔ نظام کی ترتیب  $abc$  ہے۔ دور  $a$  کا زاویہ ہٹاؤ صفر لیتے ہوئے تار کی رو در یافت کریں۔

جوابات:  $\hat{I}_c = 471/\underline{151^\circ} \text{ A rms}$  ،  $\hat{I}_b = 471/\underline{-89^\circ} \text{ A rms}$  ،  $\hat{I}_a = 471/\underline{31^\circ} \text{ A rms}$

مشق 11.7: متوازن ستارہ ستارہ نظام میں تاروں میں کل ضیاع 962 W ہے۔ بوجھ کا دوری دباؤ  $v_{AN} = 240/\sqrt{3} \text{ V rms}$  جبکہ اس کا آگے جزو طاقت 0.69 ہے۔ تار کی رکاوٹ  $1.2 + j1.5 \Omega$  ہے۔ بوجھ کی دوری رکاوٹ دریافت کریں۔

جواب:  $10.13 - j10.63 \Omega$

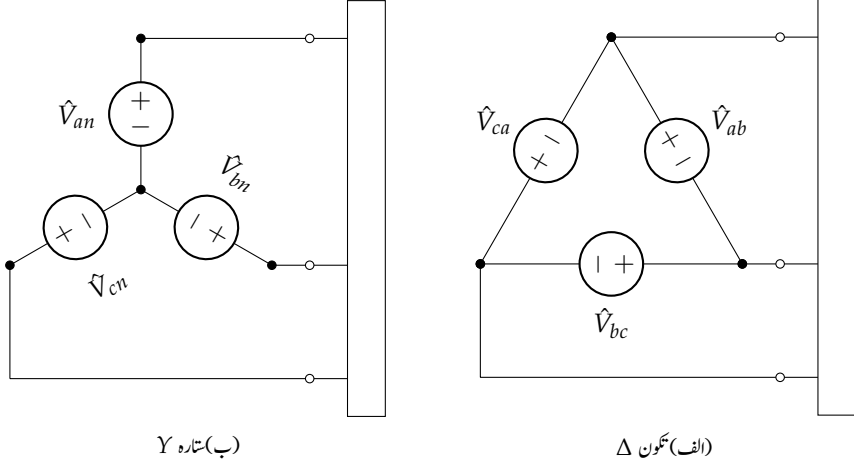
### 11.3 تین دوری تکونی (Δ) دباؤ

شکل 11.8-الف میں تین عدد منبع کو تین تاروں کے مابین تکونی<sup>7</sup> جوڑا گیا ہے۔ مساوات 11.6 دباؤ تار اور دوری دباؤ کا تعلق دیتا ہے۔ یوں اگر شکل-الف کے تکونی جڑے منبع کے دباؤ

$$\begin{aligned}\hat{V}_{ab} &= V_L/0^\circ \\ \hat{V}_{bc} &= V_L/-120^\circ \\ \hat{V}_{ca} &= V_L/+120^\circ\end{aligned}\quad (11.16)$$

ہوں جہاں  $V_L$  دباؤ تار کا حیظ ہے تب شکل-ب میں دکھائے گئے ان کے مساوی ستارہ منبع درج ذیل ہوں گے جہاں ستارہ جڑے منبع کے دباؤ کا حیظ  $V_p$  لکھا گیا ہے۔

$$\begin{aligned}\hat{V}_{an} &= \frac{V_L}{\sqrt{3}}/-30^\circ = V_p/-30^\circ \\ \hat{V}_{bn} &= \frac{V_L}{\sqrt{3}}/-150^\circ = V_p/-150^\circ \\ \hat{V}_{cn} &= \frac{V_L}{\sqrt{3}}/-270^\circ = V_p/90^\circ\end{aligned}\quad (11.17)$$



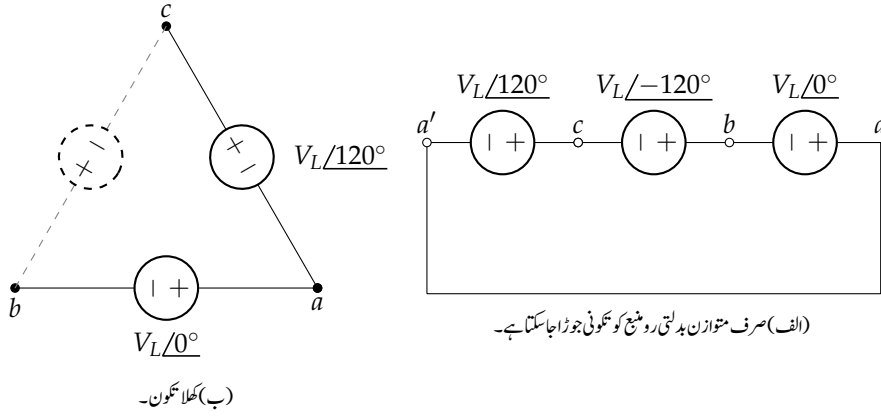
شکل 11.8: ستارہ اور تکیونی دباؤ۔

یوں جہاں بھی تکیونی منبع نسب ہو، اس کی جگہ مساوی ستارہ منبع نسب کرتے ہوئے دور کو ستارہ منبع کے تمام طریقوں سے حل کیا جاسکتا ہے۔ آئیں اس پر ایک مثال دیکھیں۔

کسی بھی تین عدد منبع کے منفی سر آپس میں جوڑنے سے ستارہ منبع حاصل ہوگا۔ تین عدد منبع کو تکیونی جوڑتے وقت چوکس رہنا ضروری ہے۔ تکیونی جوڑ میں ایک منبع کا منفی سر دوسرے منبع کے مثبت سر سے جڑتا ہے۔ شکل 11.9-الف میں تین متوازن بدلتی رو منبع کو تکیونی جوڑا گیا ہے۔ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ تین متوازی بدلتی رو منبع کو سلسلہ وار جوڑتے ہوئے ابتدائی سر  $a'$  اور اختتامی سر  $a$  کے مابین صفر ولٹ دباؤ پایا جاتا ہے لہذا انہیں آپس میں جوڑا کر تکیونی منبع حاصل کیا جاتا ہے۔ یہاں یہ تسلی بھی کر لیں کہ  $V_L$  دباؤ کے یک سمتی منبع کی صورت میں  $a'$  اور  $a$  کے مابین تین گنا دباؤ ( $3V_L$ ) پایا جائے گا لہذا انہیں کسی بھی صورت آپس میں نہیں جوڑا جاسکتا ہے۔ یہاں یہ بھی تسلی کر لیں کہ تینوں منبع کے دباؤ کی حتمی قیمت بالکل برابر ہونا ضروری ہے اور ان میں  $120^\circ$  زاویائی فرق بھی لازم ہے۔ آپ یہ بھی دیکھ سکتے ہیں کہ تکیونی منبع میں کسی ایک منبع کے الٹ جڑنے سے خطرناک نتائج رونما ہو سکتے ہیں۔

تکیونی منبع میں ایک دلچسپ بات یہ ہے کہ اس میں سے کسی ایک منبع کے ہٹانے سے دباؤ تار تبدیل نہیں ہوتے۔ شکل 11.9-ب میں نقطہ دار لکیر سے دکھائے گئے منبع کو ہٹاتے ہوئے تسلی کر لیں کہ تینوں دباؤ تار تبدیل نہیں ہوتے۔ شکل-ب میں کھلا تکیون<sup>8</sup> دکھایا گیا ہے۔ چونکہ طاقت کی فراہمی منبع سے ہوتی ہے لہذا کھلا تکیون پورے تکیونی منبع کے  $\frac{2}{3}$  گنا طاقت فراہم کرے گا۔

delta connected,  $\Delta^7$   
open delta<sup>8</sup>

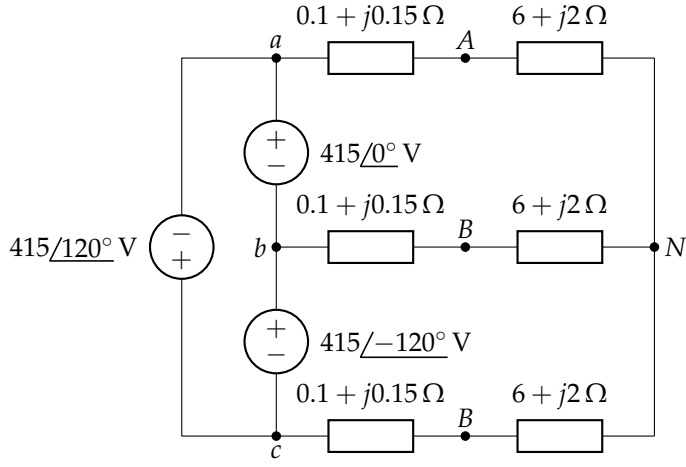


شکل 11.9: تکونی منبع دباؤ۔

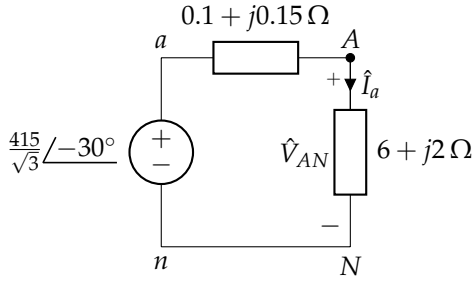
مشق 11.8: شکل 11.9-الف میں ثابت کریں کہ  $a'$  تا  $a$  دباؤ صفر کے برابر ہے۔

مشق 11.9: شکل 11.9-ب میں منبع  $\hat{V}_{bc}$  نہیں پایا جاتا ہے۔ بقایا دو منبع کے دباؤ سے نقطہ  $c$  تا  $b$  دباؤ  $\hat{V}_{bc}$  حاصل کریں۔

مثال 11.3: شکل 11.10-الف میں تکونی منبع کی جگہ مساوی ستارہ منبع نسب کرتے ہوئے تار کی روا اور بوجھ پر دباؤ حاصل کریں۔



(الف) ٹکونی منبع پر ستارہ بوجھ لدا ہے۔



(ب) ٹکونی منبع کا مساوی ستارہ منبع نسب کرتے ہوئے ایک شاخ دکھایا گیا ہے۔

شکل 11.10: مثال 11.3 کا دور۔

حل: شکل-ب میں ٹکونی منبع کا مساوی ستارہ منبع استعمال کرتے ہوئے ایک شاخ دکھایا گیا ہے جس سے درج ذیل حاصل کیا جاسکتا ہے۔

$$\hat{I}_a = \frac{\frac{415}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ}{0.1 + j0.15 + 6 + j2} = 37 \angle -49^\circ \text{ A}$$

$$\hat{V}_{AN} = \frac{415}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ \left( \frac{6 + j2}{0.1 + j0.15 + 6 + j2} \right) = 234 \angle -31^\circ \text{ V}$$

یوں بوجھ پر دباؤ تار  $\sqrt{3}(234) = 405 \text{ V}$  ہو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع پر دباؤ تار کی قیمت بوجھ پر دباؤ تار سے زیادہ ہے لہذا دباؤ کی بات کرتے وقت مقام کی وضاحت ضروری ہے۔

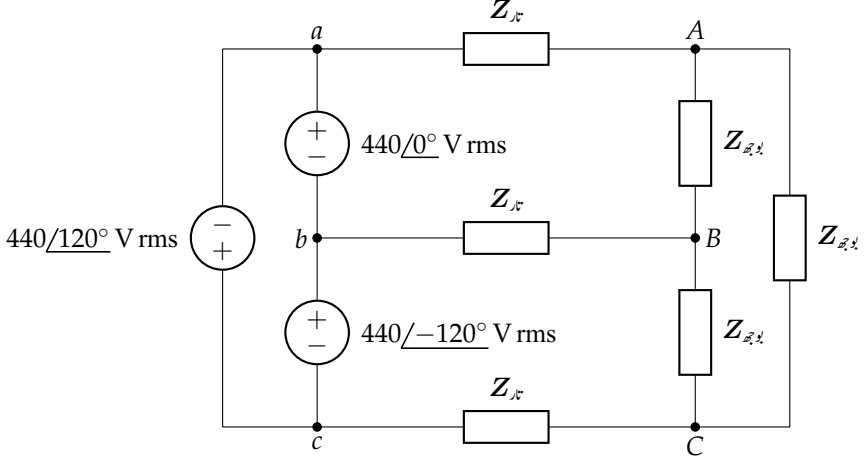
مشق 11.10: شکل 11.10 میں تار کی رکاوٹ  $0.8 + j1 \Omega$  اور بوجھ کی دوری رکاوٹ  $14 - j6 \Omega$  جبکہ ٹکونی منبع کا دباؤ  $\hat{V}_{ab} = 66 \angle 0^\circ \text{ V}$  لیتے ہوئے بوجھ کی رواور دوری دباؤ حاصل کریں۔

$$\text{جوابات: } \hat{V}_{AN} = 37 \angle -35^\circ \text{ V} , \hat{I}_a = 2.4 \angle -11^\circ \text{ A}$$

مشق 11.11: شکل 11.11 میں  $Z_{\text{تار}} = 0.4 + j0.2 \Omega$  اور  $Z_{\text{بوجھ}} = 12 + j4 \Omega$  ہیں۔ بوجھ پر موثر دباؤ تار دریافت کریں۔

$$\text{جواب: } V_L = 398 \text{ V rms}$$





شکل 11.11: مشتق 11.11 کا تکون تکون  $\Delta\Delta$  دور۔

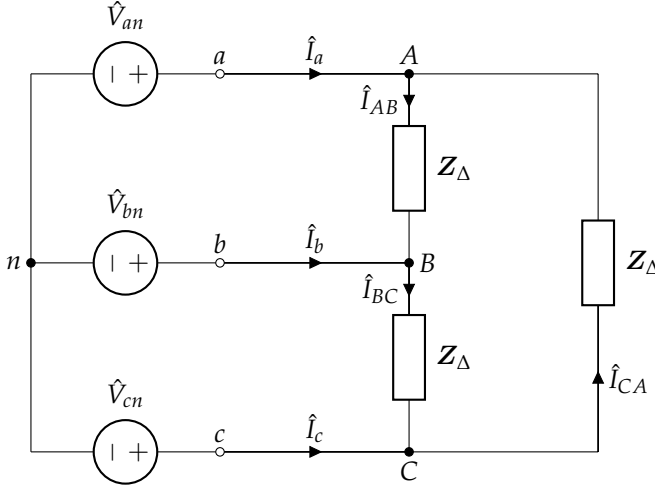
#### 11.4 تکونی بوجھ

شکل 11.12 میں ستارہ منبع کے ساتھ تکونی بوجھ جوڑا گیا ہے۔ بوجھ کے ایک شاخ پر دباوتار پایا جاتا ہے۔ یوں اگر ستارہ دباو درج ذیل ہوں

$$\begin{aligned}\hat{V}_{an} &= V_p \angle 0^\circ \\ \hat{V}_{bn} &= V_p \angle -120^\circ \\ \hat{V}_{cn} &= V_p \angle +120^\circ\end{aligned}$$

تب دباوتار درج ذیل ہوں گے جہاں تار کی رکاوٹ نہ ہونے کی وجہ سے منبع اور بوجھ پر برابر دباوتار پایا جاتا ہے۔

$$\begin{aligned}\hat{V}_{ab} &= \sqrt{3}V_p \angle 30^\circ = V_L \angle 30^\circ = \hat{V}_{AB} \\ \hat{V}_{bc} &= \sqrt{3}V_p \angle -90^\circ = V_L \angle -90^\circ = \hat{V}_{BC} \\ \hat{V}_{ca} &= \sqrt{3}V_p \angle -210^\circ = V_L \angle 150^\circ = \hat{V}_{CA}\end{aligned}$$



شکل 11.12: ستارہ تکونی نظام۔

شکل 11.12 کو دیکھ کر

$$\begin{aligned}\hat{I}_{AB} &= \frac{\hat{V}_{AB}}{Z_{\Delta}} = \frac{V_L/30^\circ}{Z/\theta_z} = I_0/30^\circ - \theta_z \\ \hat{I}_{BC} &= \frac{\hat{V}_{BC}}{Z_{\Delta}} = \frac{V_L/-90^\circ}{Z/\theta_z} = I_0/-90^\circ - \theta_z \\ \hat{I}_{CA} &= \frac{\hat{V}_{CA}}{Z_{\Delta}} = \frac{V_L/150^\circ}{Z/\theta_z} = I_0/150^\circ - \theta_z\end{aligned}$$

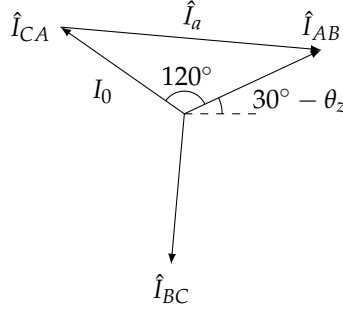
لکھا جاسکتا ہے جہاں  $Z_{\Delta} = Z/\theta_z$  ہے اور مساوات میں  $\frac{V_L}{Z} = I_0$  لکھا گیا ہے۔ درج بالا رو آپس میں  $120^\circ$  زاویائی فاصلے پر پائے جاتے ہیں جبکہ تینوں رو کی حتمی قیمت برابر ہے۔ تکونی بوجھ کی رو کو شکل 11.13 میں دکھایا گیا ہے۔

درج بالا حاصل کردہ بوجھ کی رو استعمال کرتے ہوئے تار کی رو حاصل کرتے ہیں۔ شکل 11.12 کو دیکھ کر کر خوف مساوات رو سے درج ذیل لکھتے ہیں

$$\hat{I}_a = \hat{I}_{AB} - \hat{I}_{CA}$$

جسے شکل 11.13 میں ترسبی طریقے سے حل کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں دکھائے گئے تکون کا زاویہ  $120^\circ$  اور اس کے دونوں اطراف  $I_0$  کے برابر ہیں۔ یوں تار کے رو کا حیثہ کو سائن کے کلیے سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے

$$I_a = \sqrt{I_0^2 + I_0^2 - 2I_0^2 \cos 120^\circ} = \sqrt{3}I_0$$

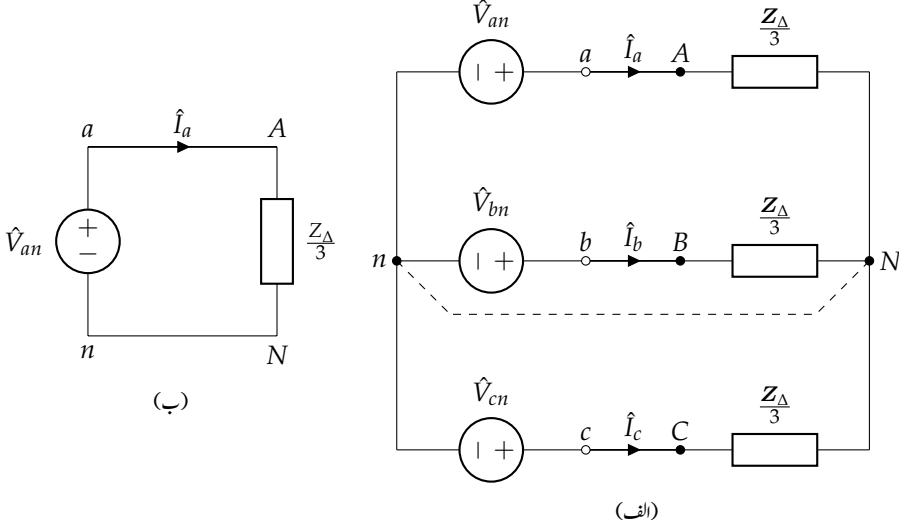


شکل 11.13: تکونی بوجھ کی رو سے تار کی رو کا حصول۔

جبکہ اس کا زاویہ  $-\theta_z$  ہے لہذا تار کی رو  $\hat{I}_a = \sqrt{3}I_0 / -\theta_z$  ہے۔ بقایا دو تاروں کی رو بھی اسی طرح حاصل کی جا سکتا ہے۔

$$\begin{aligned}
 \hat{I}_a &= \sqrt{3}I_0 / -\theta_z \\
 \hat{I}_b &= \sqrt{3}I_0 / -120^\circ - \theta_z \\
 \hat{I}_c &= \sqrt{3}I_0 / +120^\circ - \theta_z
 \end{aligned}
 \tag{11.18}$$

شکل 11.12 میں تکونی بوجھ کی جگہ اس کا مساوی ستارہ بوجھ نسب کرنے سے شکل 11.14-الف حاصل ہوتا ہے۔ صفحہ 84 پر ستارہ-تکون تبدیلہ پر غور کیا گیا ہے جہاں مساوات 2.62 متوازن تکونی مزاحمتی بوجھ کا مساوی ستارہ بوجھ دیتا ہے۔ یہی مساوات متوازن رکاوٹی بوجھ کے لئے بھی قابل استعمال ہے لہذا متوازن تکونی بوجھ کا مساوی ستارہ بوجھ  $\frac{Z_\Delta}{3}$  ہے۔ تکونی جوڑ میں تعدیلی نقطہ  $N$  نہیں پایا جاتا ہے۔ شکل 11.14-الف میں مساوی ستارہ بوجھ کا تعدیلی نقطہ  $N$  دکھایا گیا ہے جسے ستارہ منبع کے تعدیلی نقطہ  $n$  کے ساتھ سے جوڑا گیا ہے۔ تعدیلی تار کو نقطہ دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ ہم جانتے ہیں کہ متوازن نظام میں تعدیلی تار میں رو صفر کے برابر ہوتی ہے اور اس کو استعمال کرنے یا نہ کرنے سے جوابات پر کوئی اثر نہیں ہوتا۔ موجودہ دور میں تعدیلی تار کے استعمال سے دور کو حل کرنے میں مدد ملتی ہے لہذا اس کو استعمال کیا گیا ہے۔ شکل-ب



شکل 11.14: تکیونی بوجھ کی جگہ مساوی ستارہ بوجھ نسب کیا گیا ہے۔

میں ستارہ ستارہ دور کی ایک شاخ دکھائی گئی ہے جس سے تار کی رو لکھتے ہیں

$$\begin{aligned}
 \hat{I}_a &= \frac{\hat{V}_{an}}{\frac{Z_{\Delta}}{3}} \\
 &= \frac{3V_p/0^\circ}{Z/\theta_z} \\
 &= \frac{\sqrt{3}V_L/-\theta_z}{Z} \\
 &= \sqrt{3}I_0/-\theta_z
 \end{aligned}$$

جہاں  $V_p = \frac{V_L}{\sqrt{3}}$  اور  $\frac{V_L}{Z} = I_0$  کا استعمال کیا گیا ہے۔

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تکیونی بوجھ کا مساوی ستارہ بوجھ استعمال کرنے سے دور حل کرنے میں مدد ملتی ہے۔ یہی وجہ ہے کہ تین دوری نظام کو حل کرتے ہوئے پہلے ستارہ ستارہ دور حاصل کیا جاتا ہے۔ اس ستارہ ستارہ دور کو حل کیا جاتا ہے اور آخر میں درکار جوابات ستارہ تکیونی تبادلہ سے حاصل کئے جاتے ہیں۔

مثال 11.4: متوازی ٹکونی بوجھ کے ایک شاخ کی رکاوٹ  $5 + j3 \Omega$  ہے۔ اس پر متوازن دباوتار لاگو کی جاتی ہے۔ بوجھ کے تمام شاخوں کی رو اور تمام تاروں کی رودریافت کریں۔ ستارہ منبع کے ایک شاخ کا دباو  $\hat{V}_{an} = 240/42^\circ \text{ V}$  ہے۔

حل: دباوتار درج ذیل ہیں جہاں تار کی رکاوٹ نہ ہونے کی وجہ سے منبع اور بوجھ کے دباوتار برابر ہیں۔

$$\hat{V}_{ab} = \sqrt{3}240/72^\circ = \hat{V}_{AB}$$

$$\hat{V}_{bc} = \sqrt{3}240/-48^\circ = \hat{V}_{BC}$$

$$\hat{V}_{ca} = \sqrt{3}240/192^\circ = \hat{V}_{CA}$$

یوں بوجھ کے شاخوں کی رودرج ذیل ہوگی۔

$$\hat{I}_{AB} = \frac{\hat{V}_{AB}}{5 + j3} = 71.3/41^\circ \text{ A}$$

بقایا دو شاخوں کی رو  $\mp 120^\circ$  زاویائی فاصلے پر ہوگی یعنی

$$\hat{I}_{BA} = 71.3/-79^\circ \text{ A}$$

$$\hat{I}_{CA} = 71.3/161^\circ \text{ A}$$

تار کی رو حاصل کرنے کی خاطر ستارہ بوجھ استعمال کرتے ہیں۔

$$\mathbf{Z}_Y = \frac{\mathbf{Z}_\Delta}{3} = \frac{5 + j3}{3} = \frac{5}{3} + j1 \Omega$$

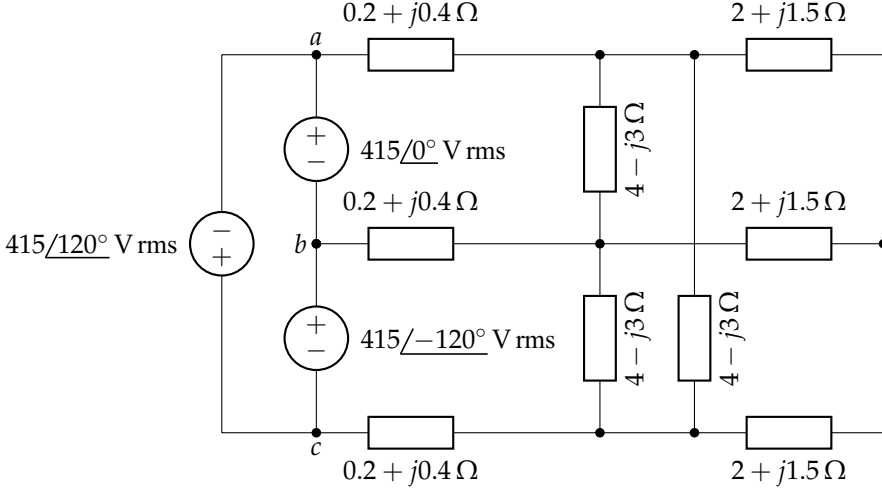
یوں تار کی رودرج ذیل ہوگی۔

$$\hat{I}_a = \frac{\hat{V}_{an}}{\mathbf{Z}_Y} = \frac{240/42^\circ}{\frac{5}{3} + j1} = 123.5/11^\circ \text{ A}$$

بقایا دو تاروں کی رو  $\mp 120^\circ$  زاویائی فاصلے پر ہوں گی۔

$$\hat{I}_b = 123.5/-109^\circ \text{ A}$$

$$\hat{I}_c = 123.5/131^\circ \text{ A}$$



شکل 11.15: مشق 11.12 کا دور۔

مشق 11.12: شکل 11.15 میں تکونی منبع کے ساتھ  $4 - j3 \Omega$  کا تکونی بوجھ اور  $2 + j1.5 \Omega$  کا ستارہ بوجھ متوازی جڑے ہیں۔ تار کی رو دریافت کریں۔

جوابات:  $\hat{I}_a = 166.5/-38.7^\circ \text{ A rms}$  ،  $\hat{I}_b = 166.5/-158.7^\circ \text{ A rms}$  ،  $\hat{I}_c = 166.5/81.3^\circ \text{ A rms}$

## 11.5 طاقت کے کلیات

چاہے بوجھ ستارہ جڑا ہو یا تکونی، فی دور حقیقی طاقت اور متعالمی طاقت درج ذیل ہوں گے جہاں  $V_p$  موثر دوری دباؤ،  $I_p$  موثر دوری روا اور  $\theta$  ان کے مابین زاویہ یعنی زاویہ رکاوٹ  $\theta_z$  ہیں۔

$$P_p = V_p I_p \cos \theta$$

$$Q_p = V_p I_p \sin \theta$$

(11.19)

ستارہ جڑے نظام میں  $V_p = V_L$  اور  $I_p = I_L$  جبکہ تکونی نظام میں  $V_p = V_L$  اور  $I_p = \frac{I_L}{\sqrt{3}}$  لکھے جاسکتے ہیں جہاں  $V_L$  دباؤ تار اور  $I_L$  روتار ہیں۔ اس طرح مساوات 11.20 کو درج ذیل لکھا جاسکتا ہے

$$\begin{aligned} P_p &= \frac{V_L I_L}{\sqrt{3}} \cos \theta \\ Q_p &= \frac{V_L I_L}{\sqrt{3}} \sin \theta \end{aligned} \quad (11.20)$$

جس سے تینوں دور کی کل طاقت درج ذیل حاصل ہوتی ہے جہاں یاد رہے کہ  $\theta$  درحقیقت کسی ایک شاخ کے بوجھ کا زاویہ  $\theta_z$  ہے۔

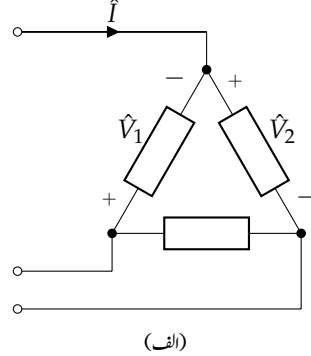
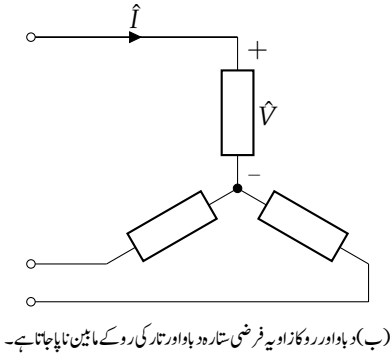
$$\begin{aligned} P_T &= 3P_p = \sqrt{3} V_L I_L \cos \theta \\ Q_T &= 3Q_p = \sqrt{3} V_L I_L \sin \theta \end{aligned} \quad (11.21)$$

یوں مخلوط طاقت کی حتمی قیمت اور زاویہ درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{aligned} S_T &= \sqrt{P_T^2 + Q_T^2} \\ &= \sqrt{3} V_L I_L \\ \angle S_T &= \theta \end{aligned} \quad (11.22)$$

مثال 11.5: شکل 11.16-الف میں تکونی بوجھ دکھایا گیا ہے۔ جزو طاقت کے لئے دباؤ اور رو کے مابین زاویائی فرق جاننا ضروری ہے۔ رو  $\hat{I}$  کا زاویہ دباؤ  $\hat{V}_1$  سے ناپا جائے گا کہ دباؤ  $\hat{V}_2$  سے ناپا جائے گا؟

حل: تار کی رو کا زاویہ ان دونوں دباؤ سے نہیں ناپا جاتا بلکہ ستارہ دباؤ کے ساتھ ناپا جاتا ہے۔ شکل-ب میں درست ستارہ شاخ کی نشاندہی کی گئی ہے۔ تکونی بوجھ کی صورت میں فرضی ستارہ دباؤ دریافت کرتے ہوئے صحیح زاویہ ناپا جاتا ہے۔ یاد رہے کہ جزو طاقت کا زاویہ حقیقت میں بوجھ کے رکاوٹ کا زاویہ ہے۔



شکل 11.16: تین دوری نظام میں جزو طاقت۔

مثال 11.6: ایک ستارہ تکنونی نظام میں بوجھ کا امالی زاویہ  $34^\circ$  اور دباوتار  $400 \text{ V rms}$  ہیں۔ بوجھ کا حقیقی طاقت  $3 \text{ kW}$  ہے۔ ہمیں تار کی رو اور تکنونی بوجھ کی رکاوٹ درکار ہے۔

حل: مساوات 11.21 سے روتار حاصل کرتے ہیں۔

$$I_L = \frac{P_T}{\sqrt{3}V_L \cos \theta} = \frac{3000}{\sqrt{3}400 \cos 34^\circ} = 5.2231 \text{ A rms}$$

یوں تکنونی بوجھ کی شاخ میں درج ذیل رو پائی جائے گی۔

$$I_\Delta = \frac{I_L}{\sqrt{3}} = \frac{5.2231}{\sqrt{3}} = 3.0156 \text{ A rms}$$

اس طرح تکنونی بوجھ کی ایک شاخ کے رکاوٹ کی حتمی قیمت درج ذیل ہوگی۔

$$|Z_\Delta| = \frac{V_L}{I_\Delta} = \frac{400}{3.0156} = 132.64 \Omega$$

چونکہ امالی بوجھ کا زاویہ  $34^\circ$  ہے لہذا بوجھ کی رکاوٹ درج ذیل ہوگی۔

$$Z_\Delta = 132.64 \angle 34^\circ = 110 + j74 \Omega$$



مثال 11.7: ستارہ ستارہ نظام میں منبع کا دوری دباؤ 200 V rms ہے۔ تار کی رکاوٹ  $0.5 + j0.8 \Omega$  اور بوجھ کے ایک شاخ کی رکاوٹ  $10 + j4 \Omega$  ہے۔ بوجھ کے ایک شاخ پر حقیقی اور متعاطی طاقت دریافت کریں۔ منبع کی کل حقیقی، متعاطی اور مخلوط طاقت دریافت کریں۔

حل: ہم حزب معمول  $\hat{V}_{an} = 200/0^\circ \text{ rms}$  لیتے ہیں۔ تار کی رو اور بوجھ کا دوری دباؤ حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_a = \frac{200/0^\circ}{0.5 + j0.8 + 10 + j4} = 17.323/-24.567^\circ \text{ rms}$$

$$\hat{V}_{AN} = 200/0^\circ \left( \frac{10 + j4}{0.5 + j0.8 + 10 + j4} \right) = 186.578/-2.766^\circ \text{ rms}$$

یوں بوجھ کے ایک شاخ کی مخلوط طاقت

$$S_{\text{بوجھ}} = \hat{V}_{AN} \hat{I}_a^* = (186.578/-2.766^\circ)(17.323/-24.567^\circ) = 3000 + j1200 \text{ V A}$$

ہے یعنی بوجھ کے ایک شاخ کا حقیقی طاقت 3 kW اور متعاطی طاقت 1.2 kvar ہیں۔

منبع کے ایک شاخ پر مخلوط طاقت حاصل کرتے ہیں۔

$$S_{\text{منبع}} = \hat{V}_{an} \hat{I}_a^* = (200/0^\circ)(17.323/-24.567^\circ) = 3151 + j1400 \text{ V A}$$

اس طرح منبع کا کل حقیقی طاقت 9.453 kW، کل متعاطی طاقت 4.2 kvar اور کل ظاہری طاقت 10.344 kV A ہے۔

مثال 11.8: تین دوری abc منبع سے درج ذیل بوجھ کو طاقت فراہم کی جاتی ہے۔

• پہلا بوجھ: 15 kW امالی طاقت جس کا جزو طاقت 0.83 ہے۔

• دوسرا بوجھ: 6 kW مزاحمت بوجھ۔

• تیسرا بوجھ: 10 kV A برقی بوجھ جس کا جزو طاقت 0.92 ہے۔

بوجھ پر دباوتار 425 V rms ہے۔ تار کی رودریافت کریں اور تمام بوجھ کا مجموعی جزو طاقت حاصل کریں۔

حل: دی گئی معلومات سے مخلوط طاقت لکھتے ہیں۔

$$S_1 = 15000 + j1080$$

$$S_2 = 6000$$

$$S_3 = 9200 - j3919$$

اس سے کل مخلوط طاقت حاصل کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} S &= 30200 + j6161 \\ &= 30822 / 11.53^\circ \text{ V A} \end{aligned}$$

یوں کل بوجھ کا امالی جزو طاقت اور روتار درج ذیل ہوں گے۔

$$\text{pf} = \cos(11.53^\circ) = 0.98$$

$$\begin{aligned} I_L &= \frac{|S|}{\sqrt{3}V_L} \\ &= \frac{30822}{425\sqrt{3}} \\ &= 41.87 \text{ A rms} \end{aligned}$$

مثال 11.9: مثال 11.8 میں تار کی رکاوٹ  $0.06 + j0.08 \Omega$  لیتے ہوئے منبع پر دباوتار اور جزو طاقت حاصل کریں۔

حل: تینوں ترسیلی تار کی کل مخلوط طاقت دریافت کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} S_{\text{تار}} &= 3I_L^2 Z_{\text{تار}} \\ &= 3(41.87^2)(0.06 + j0.08) \\ &= 315.557 + j420.743 \end{aligned}$$

یوں منبع کی مخلوط طاقت حاصل کی جاسکتی ہے۔

$$\begin{aligned} S_{\text{منبع}} &= S_{\text{بوجھ}} + S_{\text{تار}} \\ &= 30200 + j6161 + 315.557 + j420.743 \\ &= 31\,217 / \underline{12.17^\circ} \end{aligned}$$

منبع پر دباوتار حاصل کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} V_{L\text{منبع}} &= \frac{S_{\text{منبع}}}{\sqrt{3}I_L} \\ &= \frac{31\,217}{\sqrt{3}(41.87)} \\ &= 430 \text{ V rms} \end{aligned}$$

منبع کے مخلوط طاقت کے زاویے سے امالی جزو طاقت لکھتے ہیں۔

$$\text{pf} = \cos 12.17^\circ = 0.977$$

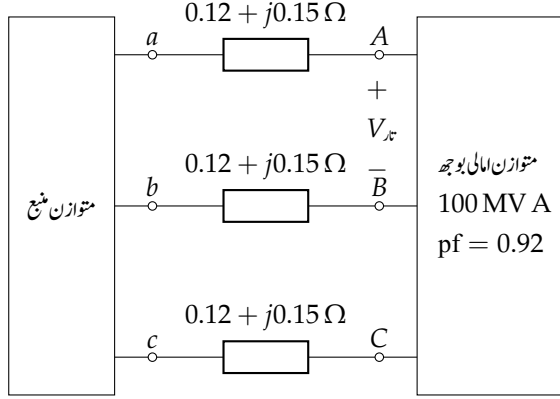
مثال 11.10: شکل 11.17 میں متوازن تین دوری نظام دکھایا گیا ہے۔ تار میں کل ضیاع کو بوجھ پر 11 kV rms دباو تار اور 133 kV rms دباوتار کی صورت میں دریافت کریں۔

حل: پہلے 11 kV rms پر روتار اور تار میں ضیاع دریافت کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} I_L &= \frac{S}{\sqrt{3}V_L} = \frac{100 \times 10^6}{\sqrt{3}(11\,000)} = 5248 \text{ A rms} \\ P_{\text{تار}} &= 3I_L^2 R_{\text{تار}} = 3(5248^2)(0.12) = 9.91 \text{ MW} \end{aligned}$$

اب 133 kV rms پر روتار اور تار میں ضیاع دریافت کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} I_L &= \frac{S}{\sqrt{3}V_L} = \frac{100 \times 10^6}{\sqrt{3}(133\,000)} = 434 \text{ A rms} \\ P_{\text{تار}} &= 3I_L^2 R_{\text{تار}} = 3(434^2)(0.12) = 68 \text{ kW} \end{aligned}$$



شکل 11.17: مثال 11.10 کا دور۔

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ زیادہ دباؤ پر طاقت کی ترسیل انتہائی زیادہ سودمند ثابت ہوتی ہے۔ یہی وجہ ہے کہ طاقت کی ترسیل زیادہ سے زیادہ ممکنہ دباؤ پر کی جاتی ہے۔

ہمارے ملک پاکستان میں برقی طاقت کا بیشتر حصہ پانی کے ڈیم سے حاصل کیا جاتا ہے۔ یہ ڈیم عموماً شہروں سے دور پائے جاتے ہیں۔ ڈیم پر نسب دباؤ بڑھانا ٹرانسفارمر<sup>9</sup> پیدا کردہ طاقت کے دباؤ تار کو بڑھا کر 133 kV rms یا اس سے بھی زیادہ کرتا ہے۔ ترسیل کے بعد شہر میں دباؤ گھٹانا ٹرانسفارمر<sup>10</sup> دباؤ تار کو گھٹا کر 11 kV rms کرتا ہے۔ شہر کے اندر طاقت کی ترسیل 11 kV rms کے نسبتاً کم دباؤ پر ہوتی ہے۔ آپ کے گھر کے قریب دباؤ گھٹانا ٹرانسفارمر 400 V rms دباؤ تار پیدا کرتا ہے جو آپ کو مہیا کا جاتا ہے۔

مشق 11.13: ستارہ ستارہ نظام میں بوجھ کو کل 42 kW طاقت 0.86 امالی جزو طاقت پر فراہم کی جا رہی ہے۔ بوجھ پر دباؤ تار 440 V rms ہے۔ بوجھ کے ایک شاخ کی رکاوٹ دریافت کریں۔

جواب:  $3.96/30.68^\circ \Omega$

step up transformer<sup>9</sup>  
step down transformer<sup>10</sup>

مشق 11.14: ستارہ ستارہ نظام 55 kV A ، امالی جزو طاقت 0.64 اور 22 kV A ، امالی جزو طاقت 0.78 کے بوجھوں کو طاقت فراہم کرتا ہے۔ بوجھ پر دباؤ تار 560 V rms ہے۔ تار کی رو دریافت کریں۔

جواب: 79 A rms

مشق 11.15: شکل 11.18 میں روتار اور طاقت منبع دریافت کریں۔

جوابات: 468.8 V rms ، 0.987 پیچھے۔

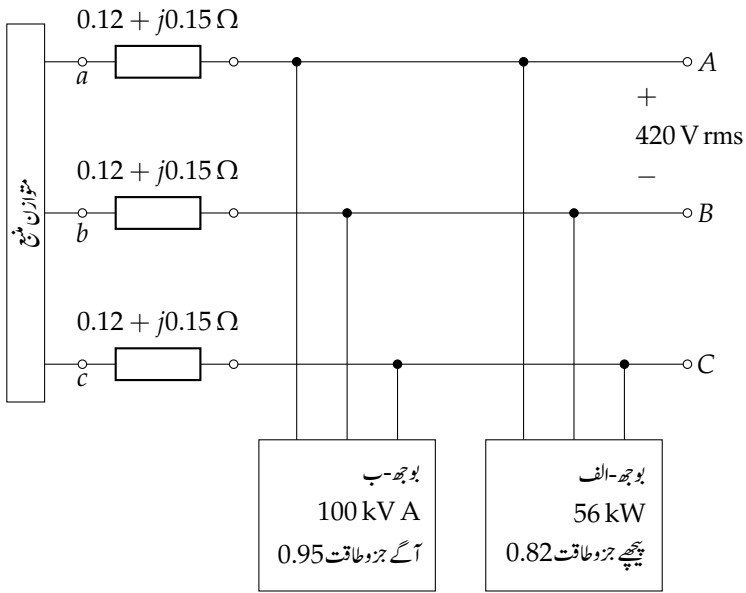
## 11.6 جزو طاقت کی درستگی

یک دوری نظام کا جزو طاقت بہتر کرنے پر حصہ 9.7 میں غور کیا گیا۔ تین دوری نظام کا جزو طاقت بالکل اسی طرح درست کیا جاتا ہے البتہ تین دوری نظام میں تین عدد برق گیر استعمال کئے جائیں گے۔ جزو طاقت درست کرنے والے برق گیر کو ٹکونی یا ستارہ نما بوجھ کے متوازی جوڑا جاسکتا ہے۔

صفحہ 487 پر مساوات 9.54 جزو طاقت درست کرنے کے لئے درکار برق گیر دیتا ہے جہاں  $S_C$  کو شکل 9.30-پ سے حاصل کیا جاتا ہے۔

$$S_C = -j\omega CV_{rms}^2$$

درج بالا مساوات میں  $\hat{V}_{rms}$  انفرادی برق گیر پر لاگو دباؤ ہے۔



شکل 11.18: مشق 11.15 کا دورہ

