

برقی ادوار

خالد خان یوسفزئی
کامیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفارمیشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد
khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1	بنیاد	1
1	برقی بار، برقی رو اور برقی دباؤ	1.1
6	قانون اوہم	1.2
8	توانائی اور طاقت	1.3
15	برقی پڑے	1.4
15	غیر تابع منبع	1.4.1
17	تابع منبع	1.4.2
27	مزا جتنی ادوار	2
27	قانون اوہم	2.1
35	قوانین کرخوف	2.2
51	سلسلہ وار جڑے پڑوں میں رو	2.3
52	تقسیم دباؤ	2.4
55	متعدد سلسلہ وار مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت	2.5
58	سلسلہ وار متعدد منبع دباؤ اور مزاحمت	2.6
59	متوازی جڑے مزاحمت پر یکساں دباؤ پایا جاتا ہے	2.7
61	تقسیم رو اور متعدد متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت	2.8
68	سلسلہ وار اور متوازی مزاحمت	2.9
73	تخصیص مزاحمت	2.10
76	سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے ادوار کا حل	2.11
84	ستارہ-تکون تبادلہ	2.12
91	تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار	2.13
101	ترکیب جوڑ اور دائری ترکیب	3
101	تجزیہ جوڑ	3.1
104	غیر تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار	3.2
117	تابع منبع رو استعمال کرنے والے ادوار	3.3
123	غیر تابع منبع دباؤ استعمال کرنے والے ادوار	3.4

132	تابع منبع دباو استعمال کرنے والے ادوار	3.5
139	دائری تجزیہ	3.6
140	غیر تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار	3.7
148	غیر تابع منبع رواستعمال کرنے والے ادوار	3.8
154	تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار	3.9
158	دائری ترکیب اور ترکیب جوڑ کا موازنہ	3.10
161	حسابی ایپلیفائر	4
171	کامل حسابی ایپلیفائر	4.1
171	منفی ایپلیفائر	4.2
174	مثبت ایپلیفائر	4.3
176	مستقام کار	4.4
176	منفی کار	4.5
178	جمع کار	4.6
181	متوازن اور غیر متوازن صورت	4.7
185	موازنہ کار	4.8
185	آلاتی ایپلیفائر	4.9
187	مسئلے	5
187	مساوی دور	5.1
187	مسئلہ خطیت	5.2
191	مسئلہ نفاذ	5.3
201	مساوی ادوار	5.4
206	مسئلہ تھون، مسئلہ نارٹن اور مسئلہ متبادلہ منبع	5.5
225	تابع منبع استعمال کرنے والے ادوار	5.6
231	تابع منبع اور غیر تابع منبع دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7
239	زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کا مسئلہ	5.8
247	برق گیر اور امالہ گیر	6
247	برق گیر	6.1
261	امالہ گیر	6.2
270	برق گیر اور امالہ گیر کے خصوصیات	6.3
273	سلسلہ وار جڑے برق گیر	6.4
277	متوازی جڑے برق گیر	6.5
281	سلسلہ وار امالہ گیر	6.6
283	متوازی امالہ گیر	6.7
287	حسابی ایپلیفائر کے RC ادوار	6.8
288	تفرق کار	6.9
293	عارضی رد عمل	7
293	تعارف	7.1
293	ایک درجی ادوار	7.2

295	7.2.1 رد عمل کی عمومی مساوات	
321	7.3 دھڑکن	
328	7.4 دو درجی ادوار	
359	8 برقرار حالت بدلتی رو	
359	8.1 مخلوط اعداد	
364	8.2 سائن نما تفاعل	
373	8.3 سائن نما اور مخلوط جبری تفاعل	
381	8.4 دوری سمتیہ	
386	8.5 مزاحمت، امالہ گیر اور برقی گیر کے انفرادی دوری سمتی تعلق	
396	8.6 برقی رکاوٹ اور برقی فراوانی	
409	8.7 دوری سمتیت کے اشکال	
419	8.8 کر خوف مساوات	
424	8.9 تجزیاتی تراکیب	
443	9 برقرار برقی طاقت	
443	9.1 لمبائی طاقت	
446	9.2 اوسط طاقت	
453	9.3 زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل کرنے کا مسئلہ	
463	9.4 موثر قیمت	
472	9.5 جزو طاقت	
476	9.6 مخلوط طاقت	
484	9.7 جزو طاقت کی درستی	
489	9.8 برقی چھٹکا	
491	9.9 نم زمین	
492	9.10 ایک دور کا نظام	
497	9.11 حفاظتی تدابیر	
499	10 مقناطیسی جڑے ادوار	
499	10.1 مشترکہ امالہ	
517	10.2 مشترکہ امالہ میں توانائی کا ذخیرہ	
523	10.3 کامل ٹرانسفارمر	
547	11 تین دوری نظام	
547	11.1 تین دوری ستارہ دیاو	
553	11.2 ستارہ ستارہ (YY) جوڑ	
561	11.3 تین دوری ٹکونی (Δ) دیاو	
566	11.4 ٹکونی بوجھ	
571	11.5 طاقت کے کلیات	
580	11.6 جزو طاقت کی درستی	

585	تعددی رد عمل	12
596	جال	12.1
598	صفر اور قطب	12.2
600	سائن نمائندگی تجزیہ	12.3
600	یوڈا خطوط	12.3.1
621	گمکی ادوار	12.4
655	چیلنی	12.5
669	لاپلاس بدل	13
669	تشریف	13.1
670	تفاعل کیمائی	13.2

باب 13

لاپلاس بدل

13.1 تعریف

کسی تفاعل $f(t)$ کا لاپلاس بدل¹ درج ذیل مساوات دیتا ہے

$$(13.1) \quad \mathcal{L}[f(t)] = F(s) = \int_0^{\infty} f(t)e^{-st} dt$$

جہاں s مخلوط تعدد² ہے

$$(13.2) \quad s = \sigma + j\omega$$

اور تفاعل $f(t)$ کی قیمت $t < 0$ پر صفر کے برابر ہے۔

$$(13.3) \quad f(t) = 0 \quad t < 0$$

لاپلاس بدل سے ادوار کا حل $t \geq 0$ کے لئے حاصل کیا جاتا ہے جبکہ $t < 0$ کو ابتدائی حالت میں سمایا جاتا ہے۔

کسی تفاعل کا لاپلاس بدل اس صورت پایا جاتا ہے جب تفاعل درج ذیل شرط پر پورا اترتا ہو جہاں σ کوئی مثبت قیمت ہے۔

$$(13.4) \quad \int_0^{\infty} e^{-\sigma t} |f(t)| dt < \infty$$

Laplace transform¹
complex frequency²

لاپلاس بدل کے حصول میں $e^{-\sigma t}$ کے ارتکازی جزو کی بنا کئی ایسے کئی اہم تفاعل کے لاپلاس بدل پائے جاتے ہیں جن کے فوریئر بدل³ نہیں پائے جاتے۔ برقی ادوار میں ایسے تفاعل استعمال کئے جاتے ہیں جن کے لاپلاس بدل پائے جاتے ہوں۔

الٹ لاپلاس بدل⁴ درج ذیل مساوات دیتی ہے

$$(13.5) \quad \mathcal{L}^{-1} [F(s)] = f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{\sigma_1 - j\omega}^{\sigma + j\omega} F(s) e^{st} ds$$

جہاں σ_1 حقیقی ہے اور اس کی قیمت مساوات 13.4 کے σ سے زیادہ ہے یعنی $\sigma_1 > \sigma$ ہے۔

لاپلاس بدل آسانی سے حاصل ہوتا ہے جبکہ الٹ لاپلاس بدل مشکل سے حاصل ہوتا ہے۔ ہم کئی تفاعل کے لاپلاس بدل حاصل کرتے ہوئے انہیں جدول میں جوڑیوں کی صورت میں لکھیں گے اور الٹ بدل کو اسی جدول سے دیکھ کر حاصل کریں گے۔ کسی بھی وقتی تفاعل $f(t)$ کا منفرد لاپلاس بدل $F(s)$ پایا جاتا ہے لہذا دو مختلف وقتی تفاعل $f_1(t)$ اور $f_2(t)$ کے لاپلاس بدل کسی بھی صورت میں یکساں نہیں ہو سکتے ہیں۔ یوں کسی بھی لاپلاس بدل $F(s)$ کو سادہ ترین اجزاء میں تقسیم کرتے ہوئے ان کے الٹ بدل کو جدول سے پڑھا جاتا ہے۔ تمام اجزاء کے الٹ لاپلاس بدل کا مجموعہ درکار وقتی تفاعل ہو گا۔ ہم لاپلاس بدل کو جزوی کسری پھیلاؤ⁵ کے ذریعہ اجزاء میں تقسیم کریں گے۔

13.2 تفاعل یکتائی

برقی ادوار میں اکائی سیڑھی تفاعل⁶ $u(t)$ اور اکائی جھٹکا تفاعل⁷ $\sigma(t)$ نہایت اہم ہیں۔ ایسے تفاعل جو یا تو خود کہیں غیر متناہی ہوں اور یا ان کا تفرق کہیں غیر متناہی ہو کو یکتائی تفاعل⁸ کہتا ہے۔ اکائی سیڑھی تفاعل اور اکائی جھٹکا تفاعل یکتائی تفاعل ہیں۔ اکائی سیڑھی تفاعل پر صفحہ 321 پر حصہ 7.3 میں ہم غور کر چکے ہیں۔

Fourier transform³
inverse Laplace transform⁴
partial fraction expansion⁵
unit step function⁶
unit impulse function⁷
singularity function⁸