برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																									نياد	:	1
1																																	. ,	اد با	برق	واور	قىر	16	ر قی یا	,	1.1		
6																																		•	•		٠,	او ہم	ر قى با فانونِ	•	1.2		
8																																							، رئي وانائي		1.3		
-																																											
15																																							رقىپر		1.4		
15																																							.4.1				
17								•		•		•						•	•			•	•					•							لمبع	نابع'	•	1	.4.2	2			
27																																							ار	ادو	بزاحمتي	•	2
27																																						اوہم	فانون	,	2.1		
35																																							فوا نين فوا نين		2.2		
																																									2.3		
51																																											
52																																							نقشيم		2.4		
55																																							تعدو		2.5		
58																																							ملسله		2.6)	
59																												ہے	نا_	ياجا	وبإ) د با	سال	پريک	ئت	مزاج	ے	אהל	تتواز ک	٠	2.7	'	
61																																						. و	نقسيم	ï	2.8	;	
68																																									2.9)	
																																									2.10		
76	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0		٠,	٠	٠.	• 21	•••	ت س. ،	را مد م	ي سر) 		2.10 2.11	'	
84	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•		•	•	•			:	وله ر	ن تبا میا	نگوا 	تناره- ابه من		2.12		
91			•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	٠	•			•	•	وار	ےاد	_1.	نےو	يا کر۔	نعاله	ح اسنا	ابعش		2.13		
10																																				يب	ا تر ک	ئرى	اوردا	جو ڑ	ز کیب	,	3
10	1.																																					ۈڑ	نجزیه	*	3.1		
104	1																													وار	.اد و	J	<u>نے وا</u>	ر_	ال ال	استنع	م حروا	ء منب	بري نحبر تاري		3.2	,	
11'																																									3.3		
12.																																									3.4		

تابع منبع د باواستعال کرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجزیی	3.6	
غير تالع منتج استعال كرنے والے ادوار	3.7	
غير تالع منبع رواستعال كرنے والے او وار	3.8	
تابع منتع استعمال کرنے والے ادوار	3.9	
	3.10	
ييليفائر 161	(1.)1 ~	4
يىپىيا ر كامل حساني ايمپلىغائر	حسابی:. 4.1	4
ه من المنابق ا المنابق المنابق	4.2	
المنتهار	4.3	
176	4.4	
176	4.5	
178	4.6	
متوازن اور غير متوازن صورت	4.7	
موازنه کار	4.8	
آلاتي ايم پليغائر	4.9	
187	مستلے	5
	5.1	
مىلەخطىت	5.2	
مَلَهُ نَفَاذُ	5.3	
<u>م</u> ساوی ادوار	5.4	
مسئله تھونن،مسئله نار ٹن اور مسئله تبادله منبع	5.5	
تابع منتع استعال كرنے والے او وار	5.6	
تابع منبع اور غير تابع منبع دونو ل استعال كرنے والے ادوار	5.7	
زياده سے زياده طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
راوراماله گیر	برق گیہ	6
ُ بِنَ يَكِرُ	6.1	
المالدگير	6.2	
برق گیراورامالد گیریخ خصوصیات	6.3	
سلسله وارجڑے برق گیر	6.4	
متوازی جڑے برق گیر کی میں متوازی جڑے برق گیر کی متوازی جڑے برق گیر کی متوازی جڑے برق کیر کی متوازی ج	6.5	
سلسله واراماله گير	6.6	
متوازی ماله گیر	6.7	
حمانی ایم پلیفائر کے RC ادوار	6.8	

برق گیراوراماله گیر

6.1 برق گیر

متوازی چاور بوق گیر 1 جے شکل 6.1-الف میں دکھایا گیا ہے کے بارے میں آپ نے چھوٹی جماعتوں میں پڑھا ہو گا۔خالی خلاء میں دو عدد کیساں، سیرھے متوازی موصل چادر جن کے مابین فاصلہ a ہو اور ایک چادر کا رقبہ c ہو کی بوقی گنجائش c کا درج ذیل مساوات دیتی ہے

$$(6.1) C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

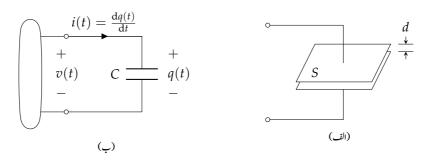
جہاں ϵ_0 خالی خلاء کا بوق مستقل ϵ_0 ہے جس کی قیمت $\epsilon_0^{-12}\,\mathrm{Fm}^{-1}$ 8.85 ہے۔ برقی گنجائش کو کولمب فی وولٹ ϵ_0 یا فیراڈ ϵ_0 میں ناپا جاتا ہے۔ فیراڈ ϵ_0 کا کا کی انتہائی بڑی مقدار ہے لہذا برقی گنجائش کو عموماً ما تکرو فیراڈ ϵ_0 وولٹ ϵ_0 میں ناپا جاتا ہے۔ ϵ_0 میں ناپا جاتا ہے۔

capacitor¹

 $capacitance^2$

permitivity, electric constant³

⁴ فیراڈ کی اکا ئی انگلتان کے مشہور ماہر طبیعیات ما نگل فیراڈے کے نام سے منسوب ہے۔



شكل 6.1: متوازى چادر برق گير-

مثال 6.1: متوازی چادر برق گیر میں چادروں کے مابین فاصلہ 0.1 mm کے جبکہ اس کی برقی گنجائش μF مثال اللہ عادر کارقبہ دریافت کریں۔

حل: مساوات 6.1 استعال کرتے ہوئے

$$S = \frac{Cd}{\epsilon_0} = \frac{0.1 \times 10^{-6} \times 0.1 \times 10^{-3}}{8.854 \times 10^{-12}} = 1.129 \,\mathrm{m}^2$$

حاصل ہوتا ہے۔

شکل 6.1-ب میں برقی گیر کو v(t) منبع دباو کے ساتھ جوڑا گیا ہے جس کی وجہ سے برقی گیر کے ایک چادر پر مثبت برقی بار v(t) بایا جاتا q(t) بایا جاتا q(t) بایا جاتا q(t) بایا جاتا ہے۔ برق گیر کے چادروں پر بار اور ان کے مابین دباو خطی تعلق

$$(6.2) q(t) = Cv(t)$$

رکھتے ہیں جہاں خطی تعلق کے مستقل کو C سے ظاہر اور بوقی گنجائش کہتے ہیں۔ برقی گنجائش کے نام کو چھوٹا کرتے ہوئے عموا گنجائش کہا جاتا ہے۔وقت کے ساتھ بدلتی بار کو برقی رو کہا جاتا ہے۔یوں برق گیر کے چادروں پر بارکی تبدیلی روکو جنم دیتی ہے جے

$$(6.3) i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

capacitance⁵

6.1. برق گیے ر

کھھا جا سکتا ہے جسے شکل 6.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔ برق گیر کے مثبت برقی سرپر مثبت روداخل ہوتی ہے۔یوں مزاحمت کی طرح برق گیر پر بھی دباواور روانفعالی رائج سمت کے تحت ہیں۔ مساوات 6.2 کو استعمال کرتے ہوئے

$$(6.4) i = \frac{d(Cv)}{dt}$$

لکھا جا سکتا ہے۔مستقل برقی گنجائش کی صورت میں اسے

$$(6.5) i = C \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$$

لکھا جا سکتا ہے۔مساوات 6.5 کو

$$\mathrm{d}v = \frac{1}{C}i\,\mathrm{d}t$$

لکھ کر تکمل لینے سے

$$(6.6) v(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i \, \mathrm{d}t$$

v(t) حاصل ہوتا ہے جہاں ∞ = 0 پر برق گیر کا دباو $v(-\infty)=0$ لیا گیا ہے۔مندرجہ بالا مساوات میں درج ذیل کھھ کر وقت کو آزاد متغیر 0 اور دباو کو تابع متغیر 0 طور پر کھا گیا ہے۔اس مساوات کو دو گلڑوں میں درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(6.7)
$$v(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t_0} i \, dt + \frac{1}{C} \int_{t_0}^{t} i \, dt$$
$$= v(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^{t} i \, dt$$

 $t=t_0$ جہال وقت $t=-\infty$ تا $t=t_0$ تا $t=t_0$ کے دوران برق گیر پر جمع ہونے والے بارکی وجہ سے برق گیر پر وقت پر دباو $v(t_0)$ پایا جاتا ہے۔

برق گیر میں ذخیرہ توانائی $w_C(t)$ کو طاقت کے تکمل سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔ برق گیر کو منتقل طاقت p(t) کو

(6.8)
$$p(t) = v(t)i(t) = v(t)C\frac{dv(t)}{dt}$$

independent variable⁶ dependent variable⁷ کھا جا سکتا ہے۔چونکہ $p=rac{\mathrm{d} w}{\mathrm{d} t}$ کے برابر ہے لمذا برق گیر میں ذخیرہ توانائی کو

$$w_C(t) = \int_{-\infty}^t Cv(t) \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} \, \mathrm{d}t$$
$$= C \int_{v(-\infty)}^{v(t)} v(t) \, \mathrm{d}v(t)$$
$$= C \frac{v^2(t)}{2} \bigg|_{v(-\infty)}^{v(t)}$$

لعيني

(6.9)
$$w_{\rm C}(t) = \frac{Cv^2(t)}{2}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں $v(-\infty)=0$ لیا گیا ہے۔مساوات 6.2 کی مدد سے اس مساوات کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(6.10)
$$w_{C}(t) = \frac{q^{2}(t)}{2C}$$

مساوات 6.9 اور مساوات 6.10 برقی گیر میں ذخیرہ مخفی تو انائی 8 دیتے ہیں۔ یہ وہی تو انائی ہے جو برق گیر میں بار بھرتے ہوئے خرچ کی جاتی ہے۔

مساوات 6.5 کے تحت برقی گیر پر دباو کے تبدیلی کی شرح اور رو کا راست تناسب تعلق ہے۔چونکہ یک سمتی دباو تبدیل نہیں ہوتی للذا برق گیر پر یک سمتی دباو کی صورت میں اس میں کوئی رو نہیں گزرے گی۔یوں یک سمتی دباو کی نقطہ نظر سے برق گیر کھلا دور ہے للذا ادوار کے یک سمتی حل کے دوران تمام برق گیروں کو کھلے دور تصور کیا جاتا ہے۔

مساوات 6.8 کے تحت برق گیر کو منتقل طاقت، دباوکی شرح تبدیلی کے راست تناسب ہے۔ یوں برق گیر کا دباو فوراً تبدیل کرنے کے لئے لا محدود طاقت درکار ہو گی۔کائنات میں لا محدود طاقت کا منبع نہیں پایا جاتا المذا برق گیر کا دباو فوراً تبدیل کسی صورت تبدیل نہیں کیا جا سکتا۔ اسی حقیقت کو مساوات 6.5 سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جس کے تحت دباو فوراً تبدیل کرنے کے لئے لا محدود رو درکار ہو گی۔ چو نکہ لا محدود رو کہیں نہیں پائی جاتی للذا ایسا ممکن نہیں ہے۔ یہ ایک اہم متجہ ہے جس کے تحت دور میں موجود برق گیر کے دباو جس کے تحت دور میں موجود برق گیر کے دباو کی قیت وہی ہوگی جو سوئچ چالو (یا غیر چالو) کرنے سے پہلے تھی۔ اس حقیقت کو اگلے باب میں استعال کیا جائے گا۔

potential energy⁸

6.1. برق گیے ر

مساوات 6.2 برق گیر کی عمومی مساوات ہے۔ کسی بھی دو موصل جن کے در میان دباو ہ اور جن میں مثبت موصل پر + اور منفی موصل پر - بار پایا جاتا ہو کی گنجائش مساوات 6.2 دیتی ہے۔ یوں دور کے مختلف موصل حصوں مثلاً مزاحت، باقی تار، برق گیر وغیرہ کے مابین غیر مطلوب ⁹ برقی گنجائش پائی جائے گی۔ بعض ادوار میں غیر مطلوب برقی گنجائش کو کم سے کم رکھنا ضروری ہوتا ہے جبکہ یک سمتی ادوار میں ان کے کردار کورد کیا جاتا ہے

مثال 6.2: برق گیر کی دباو 20 V سے 20.1 کرنے کی خاطر منبع رواستعال کیا جاتا ہے۔ برق گیر کی گنجائش μF مثال 6.2: برق گیر کی گنجائش عاصل ہے۔ تبدیلی کا دورانیہ ایک سیکنڈ، ایک نینو سیکنڈ، ایک فیمٹو سیکنڈ اور صفر سیکنڈ نصور کرتے ہوئے درکار روکی قیمت حاصل کریں۔ دباوے تبدیلی کے دوران روکی قیمت مستقل تصور کریں۔

حل: دورانیه ایک سیکٹر تصور کرتے ہوئے مساوات 6.5 کے تحت

$$i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{1}\right) = 0.1 \,\mu\text{A}$$

در کار ہو گی۔اسی طرح بالترتیب بقایا دورانیوں کے لئے درج ذیل رو حاصل ہوتی ہیں۔

$$i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{10^{-9}}\right) = 100 \,\mathrm{A}$$

$$i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{10^{-15}}\right) = 10^8 \,\mathrm{A}$$

$$i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{0}\right) = \infty \,\mathrm{A}$$

مثال 6.3: دو قریبی موصل تاروں پر 300 nC بار ذخیرہ کرنے سے ان کے مابین 15 V دباو پیدا ہوتا ہے۔ان جوڑی موصل کی برقی گنجائش دریافت کریں۔

 $stray^9$

باب6. برق گيراوراماله گير

252

حل: مساوات 6.2 کے تحت

$$C = \frac{q}{v} = \frac{300 \times 10^{-9}}{15} = 20 \,\text{nF}$$

ہو گا۔

مثال 6.4: شکل 6.2 میں $v_1=17\,
m V$ اور $v_2=3\,
m V$ اور $v_2=17\,
m V$ کی صورت میں برق گیر پر دباو اور بار دریافت کریں۔

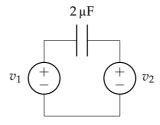
حل: برق گیر پر دباوسے مراد اس کے دوبرقی سرول کے مابین دباوہے۔برق گیر کے دائیں سرکوبرقی زمین تصور کرتے ہوئے برق گیر کا دباو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_C = 17 \,\mathrm{V} - 3 \,\mathrm{V} = 14 \,\mathrm{V}$$

یوں مساوات 6.2 کے تحت

$$q = (2 \,\mu\text{F}) (14 \,\text{V}) = 28 \,\mu\text{C}$$

ہو گا۔اس طرح برق گیر کے بائیں طرف پر 28 µC جبکہ اس کے دائیں طرف پر 28 C بار ہو گا۔



شكل 6.2: مثال 6.4 اور مثال 6.5 كادور

6.1. بن گیر

مثال 6.5: شکل 6.2 میں $v_1 = 20\,\mathrm{V}$ اور $v_2 = 0.1\sin 100t\,\mathrm{V}$ اور $v_1 = 20\,\mathrm{V}$ مثال

 v_C عل: برق گیر کے ہائیں سر کو زمین تصور کرتے ہیں۔ یوں برق گیر پر دباو $v_C=0.1\sin 100t-20$

جبہ اس میں روکی مثبت ست دائیں سے بائیں جانب ہوگی۔روکی قیت درج ذیل ہوگی۔

$$i_{C} = C \frac{dv_{C}}{dt}$$

= $(2 \mu F) (0.1 \times 100 \cos 100t)$
= $20 \cos 100t \mu A$

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ رو کی قیت، وقت کے ساتھ بدلتے دباو پر منحصر ہے۔ بیس وولٹ کا یک سمتی دباو برق گیر میں رو نہیں پیدا کرتا۔

مثال 6.6: شکل میں 4 pr برق گیر پر دباو د کھایا گیا ہے۔ برق گیر کی رووریافت کریں۔

حل: دورانيه 0s تا 10 ms مين دباو مسلسل مستقل شرح

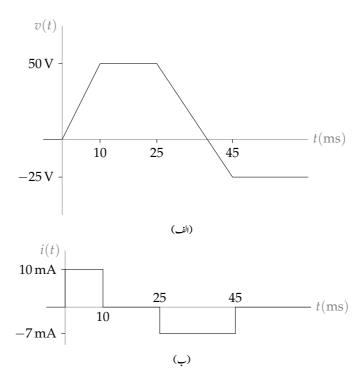
$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{50 \,\mathrm{V} - 0 \,\mathrm{V}}{10 \,\mathrm{ms} - 0 \,\mathrm{s}} = 5000 \,\mathrm{V} \,\mathrm{s}^{-1}$$

سے بڑھتا ہے للذااس دوران دباو بالمقابل وقت کی مساوات

$$v(t) = 5000t$$
 $(0 \le t \le 10 \,\mathrm{ms})$

ککھی جا سکتی ہے۔وقت 10 ms تا 25 ms د باو بغیر تنبیل ہوئے مستقل 50 V پر بر قرار رہتا ہے لہذا اس دوران د باوکی مساوات درج ذیل ہے۔

$$v(t) = 50$$
 $(10 \,\mathrm{ms} \le t \le 25 \,\mathrm{ms})$



6.1. بن گیر

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-25 \text{ V} - 50 \text{ V}}{45 \text{ ms} - 25 \text{ ms}} = -3500 \text{ V s}^{-1}$$

سے گھٹتا ہے لہذااس دوران دباو کی مساوات

$$v(t) = -3500t + 75$$
 (25 ms $\leq t \leq 45$ ms)

ہو گی۔ اس کے بعد د باو بر قرار
$$v(t)=-25$$
 پر رہتا ہے للذااس کی مساوات درج ذیل ہو گی۔ $v(t)=-25$ (45 ms $\leq t$)

مساوات 6.5 استعال کرتے ہوئے ان دورانیوں میں رو حاصل کرتے ہیں۔

$$i = 2 \times 10^{-6} \times 5000 = 10 \,\mathrm{mA}$$
 $(0 \le t \le 10 \,\mathrm{ms})$

$$i = 2 \times 10^{-6} \times 0 = 0 \,\text{mA}$$
 (10 ms $\leq t \leq$ 25 ms)

$$i = 2 \times 10^{-6} \times (-3500) = -7 \,\mathrm{mA}$$
 (25 ms $\leq t \leq 45 \,\mathrm{ms}$)

$$i = 2 \times 10^{-6} \times 0 = 0 \,\mathrm{mA}$$
 (45 ms $\leq t$)

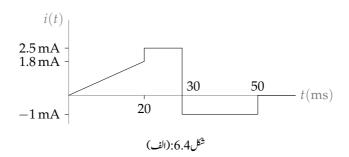
رو بالمقابل وقت كو شكل-ب ميں د كھايا گيا ہے۔

مثال 6.7: گزشته مثال میں لمحہ $t=20~\mathrm{ms}$ ، $t=10~\mathrm{ms}$ یر برق گیر میں ذخیرہ مخفی تونائی دریافت کریں۔

حل:مساوات 6.9 کے تحت جوابات درج ذیل ہیں۔

$$w_C(10 \text{ ms}) = \frac{2 \times 10^{-6} \times 50^2}{2} = 2.5 \text{ mJ}$$

 $w_C(20 \text{ ms}) = \frac{2 \times 10^{-6} \times 50^2}{2} = 2.5 \text{ mJ}$
 $w_C(50 \text{ ms}) = \frac{2 \times 10^{-6} \times (-25)^2}{2} = 0.625 \text{ mJ}$



مثق 6.1: برق گیر پر ذخیره بارکی قیمت 5 nC ہے جبکہ اس پر دباو 100 V ہیں۔ برقی گنجائش دریافت کریں۔ جواب: 5 pF

مثال 6.8: ابتدائی طور پر بے بار 22 µF کے برق گیر کی رو کو شکل 6.4 میں دکھایا گیا ہے۔ برق گیر کے دباو، طاقت اور ذخیرہ توانائی کے مساوات حاصل کرتے ہوئے خط کھینیں۔

حل: دورانيه $t=20\,\mathrm{ms}$ تا $t=0\,\mathrm{s}$ میں شرح رو

$$\frac{di}{dt} = \frac{\Delta i}{\Delta t} = \frac{18 \text{ mA} - 0 \text{ mA}}{20 \text{ ms} - 0 \text{ ms}} = 0.9 \text{ A s}^{-1}$$

ہے جسے

$$di = 0.9 dt$$

6.1. برق گیےر

لکھ کر تکمل لیتے ہوئے رو کی مساوات

$$i = \int_0^t 0.9 \, \mathrm{d}t = 0.9t |_0^t = 0.9t$$
 ماصل ہوتی ہے۔ برق گیر پر ذخیرہ بار دریافت کرنے کی خاطر رو کی مساوات کو $i = rac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = 0.9t$

لکھتے ہوئے تکمل لیتے ہیں۔

$$q = \int_0^t 0.9t \, dt = 0.45t^2 \Big|_0^t = 0.45t^2$$

مساوات 6.2 سے

$$v(t) = \frac{q}{C} = \frac{0.45t^2}{22 \times 10^{-6}} = 20455t^2$$

لکھا جائے گا اور یوں طاقت کی مساوات

$$p = vi = 20455t^2 \times 0.9t = 18410t^3$$

اور ذخیرہ توانائی کی مساوات

$$w_{\rm C} = \int_0^t p \, \mathrm{d}t = 4603t^4$$

ہو گی۔ان مساوات سے کمحہ $t=20\,\mathrm{ms}$ پر

$$q(0.02) = 0.45t^{2} = 0.45 \times 0.02^{2} = 180 \,\mu\text{C}$$

$$(6.11) \qquad v(0.02) = 20455t^{2} = 20455 \times 0.02^{2} = 8.182 \,\text{V}$$

$$w_{C}(0.02) = 4603t^{4} = 4603 \times 0.02^{4} = 737 \,\mu\text{J}$$

ہوں گے۔

اسی طرح 20 ms تا 30 ms دورانیے کے لئے مساوات 6.11 میں حاصل کی گئی مقداریں ابتدائی مقداریں تصور کی جائیں گے۔اس دورانیے میں

 $i = 2.5 \, \text{mA}$

ہے للمذا مساوات 6.7 کے تحت

$$v = v(0.02) + \frac{1}{C} \int_{0.02}^{t} i \, dt$$

$$= 8.182 + \frac{1}{22 \times 10^{-6}} \int_{0.02}^{t} 2.5 \times 10^{-3} \, dt$$

$$= 33.182 + 113.636t$$

اور

$$p = iv = 0.0025(33.182 + 113.636t) = 0.083 + 0.284t$$
$$w_C = \frac{Cv^2}{2} = \frac{22 \times 10^{-6}}{2}(33.182 + 113.636t)^2$$

ہوں گے جن سے اس دورانیے کے آخری کمجے پر

$$v(0.03) = 33.182 + 113.636 \times 0.03 = 36.591 \,\mathrm{V}$$
 (6.12)
$$w_C(0.03) = \frac{Cv^2}{2} = \frac{22 \times 10^{-6} \times 36.591^2}{2} = 14.73 \,\mathrm{mJ}$$

حاصل ہوتے ہیں۔

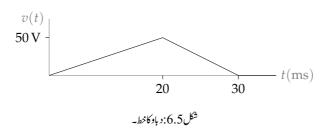
شکل 6.4 میں $t=30\,\mathrm{ms}$ تا $t=50\,\mathrm{ms}$ تا $t=30\,\mathrm{ms}$ کے متغیرات حاصل کرتے ہوئے مساوات 6.12 کی قیمتیں ابتدائی قیمتیں تصور کی جائیں گی۔ پہلے دباو کی مساوات حاصل کرتے ہیں۔

$$v = v(0.03) + \frac{1}{C} \int_{0.03}^{t} -10^{-3} dt$$
$$= 36.591 - \frac{10^{-3}}{22 \times 10^{-6}} t \Big|_{0.03}^{t}$$
$$= 37.955 - 45.455t$$

طاقت کی مساوات درج ذیل ہے

$$p = iv$$
= -0.001(37.955 - 45.455t)
= -0.038 + 0.0455t

6.1. بن گیر



جبكيه ذخيره توانائي

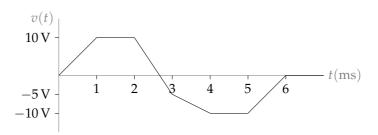
$$w_C = \frac{Cv^2}{2}$$

$$= \frac{22 \times 10^{-6} (37.955 - 45.455t)^2}{2}$$

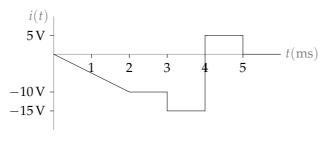
ہے۔ لمحہ 50 ms کے بعد رو صفر کے برابر ہے للذانہ تو برق گیر کا دباو تبدیل ہو گا اور نہ ہی اس میں ذخیرہ توانائی کی قیت تبدیل ہو گا۔

مثق 6.2: شکل 6.5 میں 4R 68 کے برق گیر کا دباو دیا گیا ہے۔روکی شکل کھینیں۔

مثق 6.3: گزشته مثال میں لمحہ $t=20~\mathrm{ms}$ پر برقی گیر میں ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔



شكل 6.6: د باو كاخط



شكل 6.7: رو كاخطيه

مثق 6.4: شکل 6.6 میں μ F کے برق گیر کا دباو دیا گیا ہے۔ روکی شکل کینچیں۔ لمحہ $t=4~\mathrm{ms}$ پر ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔

مثق 6.5: شکل 6.7 میں μ F کے برق گیر کی رودی گئی ہے۔ دباو کا خط کیپنیں۔ لمحہ $t=3~{
m ms}$ پر ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔

6.2. اماله گير

6.2 اماله گير

امالہ گیر 10 عموماً موصل تار کے لچھے 11 کی صورت کا ہوتا ہے۔ایبا لچھاکسی مقناطیسی مرکز 12 یا غیر مقناطیسی مرکز کے محمد مقناطیسی مرکز کے لچھے ٹوانسفار مر¹⁴ اور فلٹر ¹⁵ میں استعال کئے جاتے ہیں جبکہ غیر مقناطیسی مرکز کے لچھے مواصلاتی نظام میں اہم کردار اداکرتے ہیں۔

تاریخی طور پر پہلے یہ معلوم ہوا کہ رو گزارتی تار کے گرد مقناطیسی میدان پیدا ہوتا ہے۔الی مقناطیسی میدان اور میدان پیدا کرنے والی رو کے مابین راست تناسی تعلق پایا جاتا ہے۔اس کے بعد معلوم ہو کہ بدلتا مقناطیسی میدان برقی و باو پیدا کرتا ہے جہال د باو اور مقناطیسی میدان پیدا کرنے والی روکی شرح کے مابین راست تناسی تعلق پایا جاتا ہے۔اسی تعلق کو درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے

$$(6.13) v = L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

جہاں تناسی مستقل کو L کھھااور امالہ 16 پکارا جاتا ہے۔امالہ کی اکائی 17 کو ہمینری 18 پکارا اور H سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ دکھھ سکتے ہیں کہ ایک وولٹ سکینڈ فی ایمپیئر V S A^{-1} کو ہمینری کہا گیا ہے۔

اس مساوات کی تکمل صورت سے رو حاصل ہوتی ہے

$$(6.14) i = \int_{-\infty}^{t} \frac{1}{L} v \, \mathrm{d}t$$

جہاں ازل ∞ سے لمحہ t تک تکمل لیا گیا ہے۔ مستقل قیمت کی امالہ کی صورت میں L کو تکمل کے باہر نکالا جا سکتا ہے۔ $-\infty$

$$(6.15) i = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t} v \, \mathrm{d}t$$

 $inductor^{10}$

coil11

magnetic core¹²

non-magnetic ${
m core}^{13}$

 ${
m transformer}^{14}$

 ${
m filter}^{15}$

 $inductance^{16} \\$

¹⁷ امالہ کی اکائی امریکی تخلیق کاربوسف ہینری کے نام سے منسوب ہے۔

 $\rm Henry^{18}$

اس تکمل کو دو گلڑوں میں لکھا جا سکتا ہے

(6.16)
$$i = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t_0} v \, dt + \frac{1}{L} \int_{t_0}^{t} v \, dt$$
$$= i(t_0) + \frac{1}{L} \int_{t_0}^{t} v \, dt$$

جہاں پہلا ٹکڑاازل سے t_0 تک اور دوسرا ٹکڑا t_0 سے t_0 حاصل کیا گیا ہے۔ مندرجہ بالا مساوات میں لمحہ t_0 پر امالہ گیر کی روکو $i(t_0)$ کہا گیا ہے۔

الله کو فراہم طاقت سے الله کو منتقل توانائی w_L دریافت کی جاسکتی ہے۔

$$(6.17) p = vi$$

سے

$$(6.18) p = \frac{\mathrm{d}w_L}{\mathrm{d}t} = \left[L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}\right]i$$

لکھتے ہوئے اور تکمل لینے سے

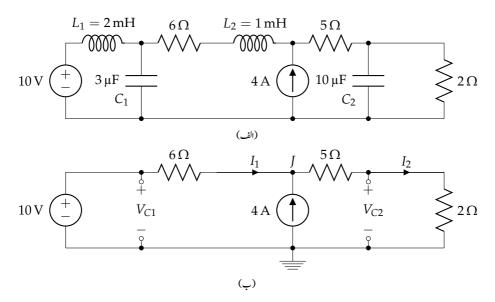
$$w_{L} = \int_{-\infty}^{t} \left[L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \right] i \, \mathrm{d}t$$
$$= L \int_{0}^{i} i \, \mathrm{d}i$$

$$(6.19) w_L = \frac{Li^2}{2}$$

t=0 پر t=0 کی گئے ہے۔ $t=-\infty$ ماصل ہوتا ہے جہال وقت کی ابتدا

تصور کریں کہ ایک دور میں یک سمتی رو پائی جاتی ہو۔اب یک سمتی رو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی للذا مساوات 6.13 کے تحت اس دور میں موجود امالہ پر دباو صفر کے برابر ہو گا۔ہم کہہ سکتے ہیں کہ یک سمتی روکی نقطہ نظر سے امالہ بطور قصر دور کردار اداکرتی ہے۔یوں کسی بھی دور کا یک سمتی تجزیہ کرتے ہوئے دور میں موجود تمام امالہ کو قصر دور تصور کیا جاتا ہے۔

6.2، اماله گير



شكل 6.8: مثال 6.9 كادور ـ

امالہ میں فوراً رو تبدیل کرنے کے لئے مساوات 6.18 کے تحت لامحدود طاقت درکار ہو گی۔کائنات میں لامحدود طاقت کا منبع کہیں نہیں پایا جاتا لہذا امالہ کی رو کو فوراً تبدیل کرنانا ممکن ہے۔یہ ایک اہم نتیجہ ہے جس کے تحت دور میں سونچ کو چالو سے غیر چالو (یا غیر چالو) کرنے سے غیر چالو (یا غیر چالو) کرنے سے مخیر چالو (یا غیر چالو) کرنے سے منبع سے متحی ہوگی جو سونچ چالو (یا غیر چالو) کرنے سے کہا تھی۔اس حقیقت کو اگلے باب میں استعال کیا جائے گا۔

مثال 6.9: شكل 6.8 ميں ذخير ه توانائي دريافت كريں۔

حل: اس دور میں صرف یک سمتی منبع پائے جاتے ہیں۔ ہم اس حقیقت پر بحث کر چکے ہیں کہ یک سمتی ادوار میں امالہ کو قصر دور اور برق گیر کو کھلا دور تصور کیا جاتا ہے۔ایسا ہی کرتے ہوئے شکل-ب حاصل ہوتا ہے جسے آپ اپنی پسندیدہ ترکیب سے حل کر سکتے ہیں۔ نچلی جوڑ کو زمین لیتے ہوئے جوڑ 1 پر کرخوف مساوات رو

$$I_1+4=I_2$$

جبکه بیرونی دائرے پر کرخوف مساوات دباو

$$10 = 6I_1 + (5+2)I_2$$

لکھتے ہیں۔انہیں حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتاہے۔

$$I_1 = -\frac{18}{13} A$$
 $I_2 = \frac{34}{12} A$

برق گیر C₁ پر دباوشکل کو دیکھ کر لکھی جا سکتی ہے جبکہ C₂ پر دباوکو اوہم کے قانون کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔

$$V_{C1} = 10 \text{ V}$$

 $V_{C2} = 2 \times \frac{34}{13} = \frac{68}{13} \text{ V}$

ان حقائق کو استعال کرتے ہوئے برق گیر اور امالہ میں ذخیرہ توانائی دریافت کر سکتے ہیں۔

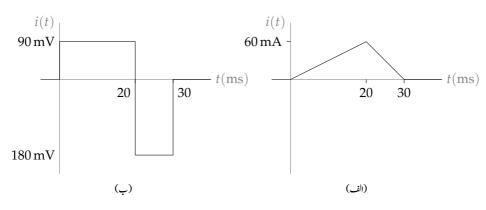
$$w_{\rm C1} = \frac{3 \times 10^{-6} \times 10^2}{2} = 0.15 \,\text{mJ}$$

$$w_{\rm C2} = \frac{10 \times 10^{-6} \left(\frac{68}{13}\right)^2}{2} = 0.14 \,\text{mJ}$$

$$w_{L1} = \frac{0.002 \times \left(\frac{18}{13}\right)^2}{2} = 1.92 \,\mathrm{mJ}$$

$$w_{L2} = \frac{0.001 \times \left(\frac{18}{13}\right)^2}{2} = 0.96 \,\text{mJ}$$

مثال 6.10: امالہ کی رو کے خط کو شکل 6.9-الف میں دکھایا گیا ہے۔اس کے دباو کا خط کیپنیں۔امالہ کی قیمت MH 30 mH ہے۔ 6.2. اماله گير



شكل 6.9: مثال 6.10 كادور

حل: امالہ گیر کی روسے امالہ گیر کا دباو مساوات t=0 کی مدوسے حاصل کیا جاتا ہے۔وقت $\infty-=0$ تا t=0 رو صفر کے برابر ہے لہذا

$$v = 30 \times 10^{-3} \left(\frac{0}{-\infty - 0} \right) = 0 \text{ V}$$

i=0 ہو گا۔اگلا دورانیہ t=0 تا t=0 ہو گا۔اگلا دورانیہ t=0 ہو گا۔اگلا دورانیہ ہوئی ہے المذااس دوران

$$v = 30 \times 10^{-3} \left(\frac{0.06 - 0}{0.02 - 0} \right) = 90 \,\text{mV}$$

ہو گا۔ دورانیہ 20 ms تا 30 ms میں دباو درج ذیل ہو گا۔

$$v = 30 \times 10^{-3} \left(\frac{0 - 0.06}{0.03 - 0.02} \right) = -180 \,\text{mV}$$

30 ms کے بعد رو صفر رہتی ہے للذا

$$v = 30 \times 10^{-3} \left(\frac{0}{\infty - 0.03} \right) = 0 \text{ V}$$

ہو گا۔ان نتائج کو شکل 6.9-ب میں د کھایا گیا ہے۔

مثال 6.11: امالہ گیر کی رو $i(t) = 5\cos 377t$ جبکہ اس کی امالہ mH مثال 6.11: امالہ گیر کا دباو اور اس میں ذخیرہ توانائی کی مساوات حاصل کریں۔

حل: مساوات 6.13 سے دباو درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

$$v = L \frac{di}{dt}$$

$$= 0.1 \times (-5 \times 377 \sin 377t)$$

$$= -188.5 \sin 377t \quad V$$

ذخیرہ توانائی کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

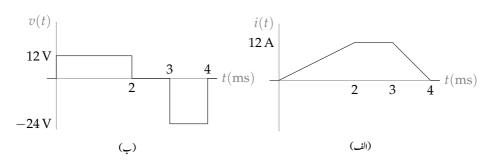
$$w_L(t) = \frac{Lt^2}{2}$$

= $\frac{0.1 \times (5\cos 377t)^2}{2}$
= $1.25\cos^2 377t$ J

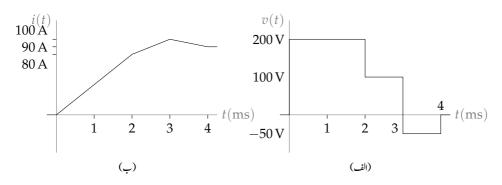
مثق 6.6: رو کا خط شکل 6.10 میں د کھایا گیا ہے۔ دباو کا خط کھیجنیں۔ امالہ کی قیت 2H ہے۔

جواب: شكل 6.10-ب مين دباو كا خط د كھايا گيا ہے۔

6.2. اماله گير



شكل 6.10: مشق 6.6 كادور

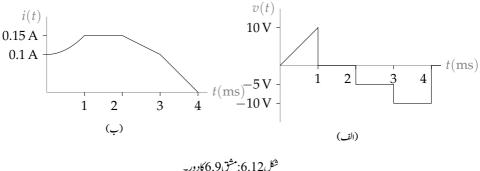


شكل 6.11: مشق 6.8 كادور

مثق 6.7: گزشته مثق میں لمحہ $t=3.5~\mathrm{ms}$ پر امالہ گیر میں ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔

جواب: 36J

مثق 6.8: پانچ ، بینری اماله گیر کا د باو شکل 6.11-الف میں د کھایا گیا ہے۔رو کا خط کیپنیں۔ جواب:رو کا خط شکل 6.11-ب میں د کھایا گیا ہے۔

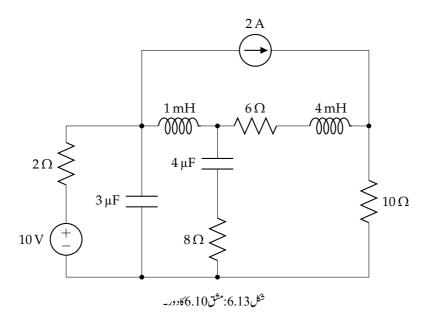


سفل 6.12:^{مس}ق 6.9 کادور۔

مثق 6.9: امالہ گیر کے دباو کا خط شکل 6.12 میں دکھایا گیا ہے۔ کمحہ t=0 پر A A A B کی صورت میں رو کا خط حاصل کریں۔ امالہ A B A برابر ہے۔ کمحہ A B B برابر ہے۔ کمحہ A کا خط حاصل کریں۔ امالہ گیر میں ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔

 $w_L(3\,\mathrm{ms})=0.5\,\mathrm{mJ}$ پر $t=3\,\mathrm{ms}$ جہلے ہیں وکھایا گیا ہے۔ کمحہ

مشق 6.10: شكل 6.13 ميس 4 mF ، 4 mH ، 1 mH مشق 6.10 شكل 6.13 ميس



6.3 برق گیراوراماله گیر کے خصوصیات

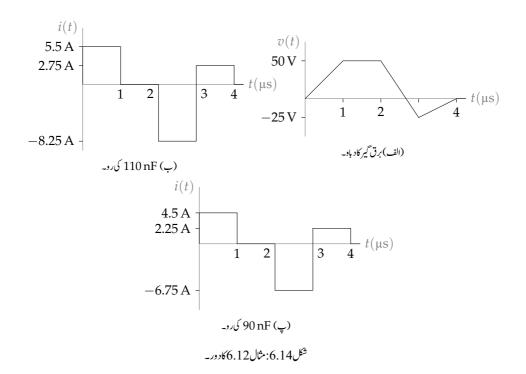
امالہ گیر کو موصل تار سے بنایا جاتا ہے لہذا نہ چاہتے ہوئے بھی اس کی مزاحمت ہوگے۔ امالہ گیر کے اہم خصوصیات اس کی اللہ اور مزاحمت ہیں۔ امالہ گیر 1 nH تا 1 nH کی قیمتیں بھی امالہ اور مزاحمت ہیں۔ امالہ کی قیمتیں 1 nH تا 1 nH کی عمومی وستیاب ہیں۔ امالہ کی قیمتیں 1 nH ورستیاب ہیں۔ جدول 1 nH کی عمومی وستیاب قیمتیں دی گئی ہیں۔ قیمتیں دی گئی ہیں۔

جدول 6.1:معیاری برق گیر کے گنجائش کی قیمتیں۔

μF	μF	μF	μF	μF	μF	μF	pF	pF	pF	pF
10 000	1000	100	10	1.0	0.10	0.010	1000	100	10	1
12000	1200	120	12	1.2	0.12	0.012	1200	120	12	
15000	1500	150	15	1.5	0.15	0.015	1500	150	15	1.5
18000	1800	180	18	1.8	0.18	0.018	1800	180	18	
20 000	2000	200	20	2.0	0.20	0.020	2000	200	20	2
22 000	2200	220	22	2.2	0.22	0.022	2200	220	22	
27 000	2700	270	27	2.7	0.27	0.027	2700	270	27	
33 000	3300	330	33	3.3	0.33	0.330	3300	330	33	3
39 000	3900	390	39	3.9	0.39	0.390	3900	390	39	4
47000	4700	470	47	3.3	0.47	0.470	4700	470	47	5
51 000	5100	510	51	3.3	0.51	0.510	5100	510	51	6
56 000	5600	560	56	3.3	0.56	0.560	5600	560	56	7
68000	6800	680	68	3.3	0.68	0.680	6800	680	68	8
82 000	8200	820	82	3.3	0.82	0.820	8200	820	82	9

جدول 6.2:اماله کی عمومی دستیاب قیمتیں۔

mΗ	mΗ	mΗ	μΗ	μΗ	μΗ	nΗ	nΗ	nΗ
100	10	1.0	100	10	1.0	100	10	1
	12	1.2	120	12	1.2	120	12	1.2
	15	1.5	150	15	1.5	150	15	1.5
	18	1.8	180	18	1.8	180	18	1.8
	20	2.0	200	20	2.0	200	20	2
	22	2.2	220	22	2.2	220	22	2.2
	27	2.7	270	27	2.7	270	27	2.7
	33	3.3	330	33	3.3	330	33	3
	39	3.9	390	39	3.9	390	39	4
	47	4.7	470	47	4.7	470	47	5
	51	5.1	510	51	5.1	510	51	6
	56	5.6	560	56	5.6	560	56	7
	68	6.8	680	68	6.8	680	68	8
	82	8.2	820	82	8.2	820	82	9



مثال 6.12: شکل 6.14-الف میں nF برق گیر کا دباو دکھایا گیا ہے۔ برقی گنجائش میں خلل % 10 ممکن ہے۔ کم سے کم اور زیادہ سے زیادہ گنجائش کی صورت میں رو کے خط حاصل کریں۔اس برقی گنجائش کو عموماً % nF=10 nF= کھا جاتا ہے۔

حل: برق گیر کی زیادہ سے زیادہ قیمت دی گئی قیمت سے %10 زیادہ ہو سکتی ہے۔ یوں اس کی زیادہ سے زیادہ گنجائش 110 nF ممکن ہے۔ اس قیمت کے گنجائش کی رو کو شکل 6.14-ب میں دکھایا گیا ہے جہاں پہلے ایک مائیکر و سینڈ میں دباو کی تبدیلی کی شرح

$$\frac{dv}{dt} = \frac{50 - 0}{1\,\mu s - 0\,\mu s} = 50\,\text{MV}\,\text{s}^{-1}$$

ہونے کی بنااس دورانیے کی رو

$$i = C \frac{dv}{dt} = 110 \times 10^{-9} \times 50 \times 10^{6} = 5.5 A$$

ے۔اگلے ایک مائیکرو سینڈ میں دباو تبدیل نہیں ہوتا لنذا $\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}=0$ ہے اور یوں رو بھی صفر کے برابر ہے۔دورانیہ $t=3\,\mu\mathrm{s}$ تا $t=2\,\mu\mathrm{s}$

$$\frac{dv}{dt} = \frac{-25 - 50}{3\,\mu s - 2\,\mu s - 0\,\mu s} = -75\,\text{MV}\,\text{s}^{-1}$$

ہے للذارو

$$i = C \frac{dv}{dt} = 110 \times 10^{-9} \times \left(-75 \times 10^{6}\right) = -8.25 \,\mathrm{A}$$

 $t=4\,\mu s$ تا المولى شرح تبديلي $t=3\,\mu$ د باو كى شرح تبديلي

$$\frac{dv}{dt} = \frac{0 - (-25)}{4\,\mu\text{s} - 3\,\mu\text{s} - 0\,\mu\text{s}} = 25\,\text{MV}\,\text{s}^{-1}$$

ہے للذارو

$$i = C \frac{dv}{dt} = 110 \times 10^{-9} \times 25 \times 10^6 = 2.75 \text{ A}$$

ہو گی۔

خلل کی قیمت سے برق گیر کی کم سے کم مکنہ گنجائش 90 nF حاصل ہوتی ہے۔ دباو کی تبدیلی کی شرح استعال کرتے ہوئے رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$i = \begin{cases} 90 \times 10^{-9} \times 50 \times 10^6 = 4.5 \, \mathrm{A} & 0 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 1 \, \mu \mathrm{s} \\ 90 \times 10^{-9} \times 0 = 0 \, \mathrm{A} & 1 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 2 \, \mu \mathrm{s} \\ 90 \times 10^{-9} \times (-75) \times 10^6 = -6.75 \, \mathrm{A} & 2 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 3 \, \mu \mathrm{s} \\ 90 \times 10^{-9} \times 25 \times 10^6 = 2.25 \, \mathrm{A} & 3 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 4 \, \mu \mathrm{s} \end{cases}$$

6.4 سلسلہ وار جڑے برق گیر

شکل 6.15 میں متعدد برق گیر سلسلہ وار جڑے د کھائے گئے ہیں۔ تمام سلسلہ وار جڑے پرزوں میں رو کی قیمت یکسال ہوتی ہے۔ کرخوف قانون دباوے اس دور کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v(t) = v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots + v_N(t)$$

انفرادی برق گیر کے لئے

$$\begin{aligned} v_1(t) &= v_1(t_0) + \frac{1}{C_1} \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t \\ v_2(t) &= v_2(t_0) + \frac{1}{C_2} \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t \\ v_3(t) &= v_3(t_0) + \frac{1}{C_3} \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t \\ &\vdots \end{aligned}$$

$$v_N(t) = v_N(t_0) + \frac{1}{C_N} \int_{t_0}^t i(t) dt$$

لکھا جا سکتا ہے۔ مندرجہ بالا دو مساوات کو ملاتے ہوئے

$$v(t) = v_1(t_0) + \frac{1}{C_1} \int_{t_0}^t i(t) dt + v_2(t_0) + \frac{1}{C_2} \int_{t_0}^t i(t) dt + \cdots + v_N(t_0) + \frac{1}{C_N} \int_{t_0}^t i(t) dt$$

لعني

$$v(t) \, = \, v_1(t_0) + v_2(t_0) + \cdots + v_N(t_0) + \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \cdots + \frac{1}{C_N}\right) \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t$$

لکھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں

(6.20)
$$\frac{1}{C_s} = \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{C_i} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots + \frac{1}{C_N}$$

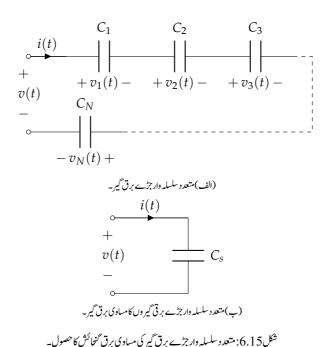
اور

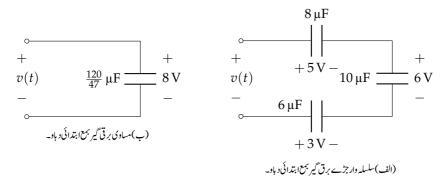
(6.21)
$$v(t_0) = v_1(t_0) + v_2(t_0) + v_3(t_0) + \dots + v_N(t_0)$$

لکھتے ہوئے

(6.22)
$$v(t) = v(t_0) + \frac{1}{C_s} \int_{t_0}^{t} i(t) dt$$

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد برقی گیر کی مساوات ہے جے شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 6.20 متعدد سلسلہ وار جڑے برق گیروں کی مساوی برق گنجائش ،Cs دیتی ہے جبکہ مساوات 6.21 ان کا مساوی ابتدائی دیاو دیتی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سلسلہ وار جڑے برق گیروں کی مساوات متوازی جڑے مزاحمتوں کی مساوات کی طرح ہے۔





شكل 6.16: مثال 6.13 كادور

مثال 6.13: شکل 6.16-الف میں مساوی سلسلہ وار گنجائش اور ان کے انفرادی ابتدائی دباو د کھائے گئے ہیں۔ ان کا مساوی گنجائش اور مساوی ابتدائی دباو حاصل کریں۔

حل:مساوات 6.20 سے

$$\frac{1}{C_s} = \frac{1}{8\,\mu F} + \frac{1}{10\,\mu F} + \frac{1}{6\,\mu F} = \frac{47}{120}\,\mu F$$

لکھتے ہوئے

$$C_s = \frac{120}{47} \, \mu F$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 6.21 سے ابتدائی دباو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$v(t_0) = 5 + 6 - 3 = 8 \text{ V}$$

شکل 6.16-ب میں مساوی برقی گنجائش اور ابتدائی دباو د کھائے گئے ہیں۔

مثال 6.14: ابتدائی طور پر بے بار، دوعد و برق گیر کو سلسلہ وار جوڑنے کے بعد ان میں 50 V منبع سے برقی بار بھرا جاتا ہے۔ ان میں ایک برق گیر ہے 40 گنجائش کا ہے جبکہ دوسرے برق گیر کی گنجائش کے بارے میں ہمیں معلوم نہیں ہے۔ نامعلوم برق گیر پر 10V جبکہ 4 پر 20 پرق گیر پر 40V دباو پایا جاتا ہے۔ نامعلوم گنجائش دریافت کریں۔

صل: 20 µF پر بار درج ذیل ہے۔

$$q = Cv = (20 \,\mu\text{F}) (40 \,\text{V}) = 800 \,\mu\text{C}$$

سلسلہ وار جڑے پرزوں میں کیساں رو پائی جاتی ہے لہذا دونوں برق گیر پر کیساں بار پایا جاتا ہے۔ یوں نامعلوم گنجائش درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$C = \frac{q}{77} = \frac{800 \,\mu\text{F}}{10 \,\text{V}} = 80 \,\mu\text{F}$$

6.5 متوازی جڑے برق گیر

متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی گنجائش شکل 6.17-الف سے کرخوف قانون رو کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t) + \dots + i_N(t)$$

$$= C_1 \frac{dv(t)}{dt} + C_2 \frac{dv(t)}{dt} + C_3 \frac{dv(t)}{dt} + \dots + C_N \frac{dv(t)}{dt}$$

$$= (C_1 + C_2 + C_3 + \dots + C_N) \frac{dv(t)}{dt}$$

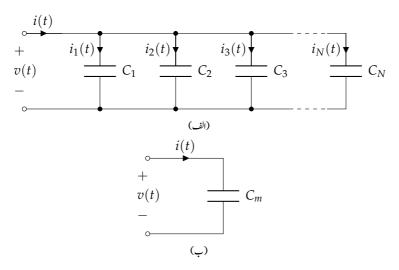
اس مساوات میں

(6.23)
$$C_m = \sum_{i=1}^{N} C_i = C_1 + C_2 + C_3 + \dots + C_N$$

لکھتے ہوئے

$$i(t) = C_m \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t}$$

6.5. متوازی بڑے برق گے۔



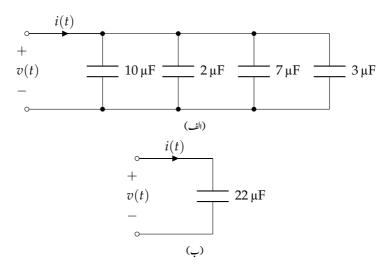
شکل 6.17: متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی گنجائش۔

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد برق گیر کی مساوات ہے۔مساوات 6.23 متعدد متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی گنجائش دیتی ہے جو سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں کی مساوت کی طرح ہے۔شکل 6.17-ب میں مساوی برق گیر دکھایا گیا ہے۔

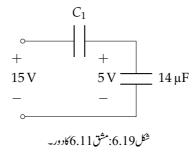
مثال 6.15: شکل 6.18-الف میں چار عدد برق گیر متوازی جوڑے گئے ہیں۔ان کی مساوی گنجائش دریافت کریں۔

 2 عل: مساوات 6.23 ہے متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی برقی گنجائش حاصل کرتے ہیں۔ $C_{m}=10~\mu F+2~\mu F+7~\mu F+3~\mu F=22~\mu F$

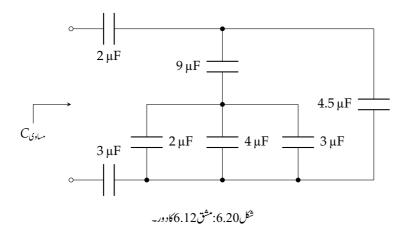
شکل 6.18-ب میں مساوی گنجائش د کھائی گئی ہے۔



شكل 6.18: مثال 6.15 كادور



6.5. متوازی بڑے بن گے سے ر



مثق 6.11: ابتدائی طور پر بے بار، دو عدد برق گیر سلسلہ وار جوڑے جاتے ہیں۔ لمحہ t پر صورت حال شکل 6.19 میں دکھائی گئی ہے۔ نا معلوم گنجائش دریافت کریں۔

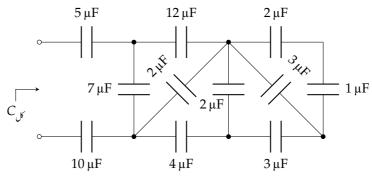
جواب: 7 μF

مثق 6.12: شكل 6.20 مين مساوى گنجائش دريافت كرين-

 $\frac{18}{17}\,\mu F$ جواب:

مثق 6.13: شكل 6.21 مين كل النجائش حاصل كرين-

 $\frac{5}{2}\,\mu F$ جواب:



شكل 6.21: مشق 6.13 كادور

6.6 سلسله واراماله گیر

متعدد سلسله وار بڑٹ امالہ گیر کو شکل 6.22-الف میں دکھایا گیا ہے۔ کرخوف قانون دباوے
$$v(t) = v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots + v_N(t)$$

$$= L_1 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + L_2 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + L_3 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \dots + L_N \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

$$= (L_1 + L_2 + L_3 + \dots + L_N) \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

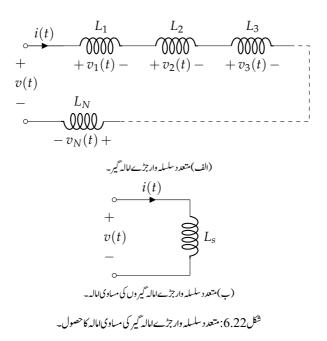
لکھ کر اس میں

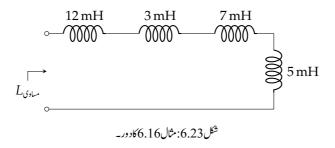
(6.25)
$$L_s = \sum_{i=1}^{N} L_i = L_1 + L_2 + L_3 + \dots + L_N$$

يُر كرنے سے

$$v(t) = L_s \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد امالہ گیر کی مساوات ہے جسے شکل 6.22-ب میں دکھایا گیا ہے۔ مساوات 6.25 سلسلہ وار امالہ کی مساوی امالہ دیتی ہے۔ یہ سلسلہ وار مزاحمتوں کی مساوات کی طرح مساوات ہے۔ 6.6. سلىلە دارامالە گىيىر





مثال 6.16: شكل 6.23 مين مساوى اماله دريافت كرين

جواب: 27 mH

6.7 متوازى اماله گير

متوازی جڑے امالہ گیروں کی مساوی امالہ شکل 6.24-الف کی مدد سے حاصل کرتے ہیں جسے دیکھتے ہوئے کرخوف مساوات رو

(6.26)
$$i(t) = i_1(t) + i - 2(t) + i_3(t) + \dots + i_N(t)$$

$$\lim_{t \to \infty} i_1(t) = i_1(t_0) + \frac{1}{L_1} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

$$i_2(t) = i_2(t_0) + \frac{1}{L_2} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

$$i_3(t) = i_3(t_0) + \frac{1}{L_3} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

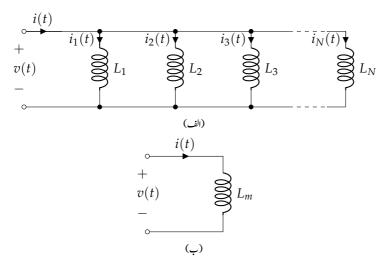
$$\vdots$$

$$i_N(t) = i_N(t_0) + \frac{1}{L_N} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

جنہیں مساوات 6.26 میں پُر کرتے ہوئے

$$i(t) = i_1(t_0) + \frac{1}{L_1} \int_{t_0}^t v(t) dt + i_2(t_0) + \frac{1}{L_2} \int_{t_0}^t v(t) dt + \cdots + i_N(t_0) + \frac{1}{L_N} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

6.7. متوازي اماله گپ ر



شکل 6.24: متوازی جڑے امالہ گیروں کی مساوی امالہ۔

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کو ترتیب دیتے ہوئے

$$i(t) = i_1(t_0) + i_2(t_0) + \dots + i_N(t_0) + \left(\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \dots + \frac{1}{L_N}\right) \int_{t_0}^t v(t) \, \mathrm{d}t$$

$$V(t) = i_1(t_0) + i_2(t_0) + \dots + i_N(t_0) + \left(\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \dots + \frac{1}{L_N}\right) \int_{t_0}^t v(t) \, \mathrm{d}t$$

(6.27)
$$\frac{1}{L_m} = \sum_{i=1}^N \frac{1}{L_i} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \frac{1}{L_3} + \dots + \frac{1}{L_N}$$

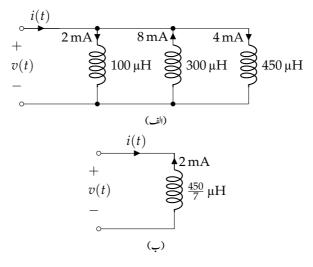
اور

(6.28)
$$i(t_0) = i_1(t_0) + i_2(t_0) + i_3(t_0) + \dots + i_N(t_0)$$

پُر کرنے سے

$$i(t) = i(t_0) + \frac{1}{L_m} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد امالہ گیر کی مساوات ہے جسے شکل 6.24-ب میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 6.27 متوازی جڑے امالہ گیر کی مساوی امالہ میں ابتدائی رو $i(t_0)$ دیتی ہے۔



شكل 6.25: مثال 6.17 كادور

مثال 6.17: شکل 6.25-الف میں متوازی امالیہ گیر اور ان میں ابتدائی رو دی گئی ہیں۔مساوی امالیہ اور اس کی ابتدائی رو دریافت کریں۔

حل: مساوات 6.27 سے

$$\frac{1}{L_m} = \frac{1}{100\,\mu\text{H}} + \frac{1}{300\,\mu\text{H}} + \frac{1}{450\,\mu\text{H}}$$

لكه كر

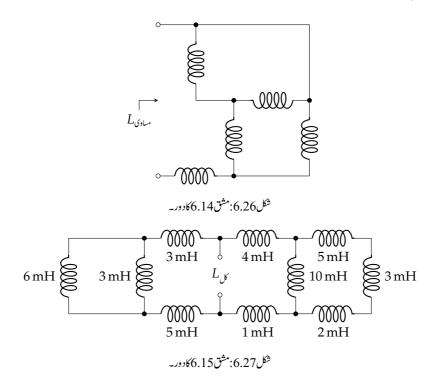
$$L_m = \frac{450}{7} \, \mu H$$

حاصل ہوتی ہے۔مساوات 6.28 سے ابتدائی رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$i(t_0) = 2\,\mathrm{mA} - 8\,\mathrm{mA} + 4\,\mathrm{mA} = -2\,\mathrm{mA}$$

شکل i(t) ہیں مساوی امالہ بمع ابتدائی رو دکھائی گئی ہے۔ منفی رو i(t) کے الث ہے۔

6.7. متوازى اماله گىيىر



مثق 6.14: شكل 6.26 مين تمام انفرادى اماله $12\,\mathrm{mH}$ بين ـ ان كى مساوى اماله دريافت كرين ـ $\frac{96}{5}\,\mathrm{mH}$ جواب:

مثق 6.15: شكل 6.27 مين كل اماله دريافت كريب

جواب: 5 mH

6.8 حسانی ایمیلیفائر کے RC ادوار

ا کار 6.28 میں تکمل کار 19 و کھایا گیا ہے۔ جوڑ
$$v_k$$
 زمین کے ساتھ جڑا ہے للذا $v_k=0$

ہو گا۔جوڑ می پر کرخوف مساوات رو

$$\frac{v_n - v_i}{R} + C \frac{\mathrm{d}(v_n - v_0)}{\mathrm{d}t} = 0$$

 $v_n=v_k=0$ گرنے سے $v_n=v_k=0$

$$\frac{0-v_i}{R} + C\frac{\mathrm{d}(0-v_0)}{\mathrm{d}t} = 0$$

لعيني

$$-\frac{v_i}{R} - C\frac{\mathrm{d}v_0}{\mathrm{d}t} = 0$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کو

$$\mathrm{d}v_0 = -\frac{v_i}{RC}\,\mathrm{d}t$$

لکھ کر کھمل لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(6.29) v_0 = -\frac{1}{RC} \int_{-\infty}^t v_i \, \mathrm{d}t$$

اس مساوات کے تحت خارجی اشارہ v_i کے تکمل کے $\frac{1}{RC}$ گنا کے برابر ہے۔اسی لئے اس دور کو تکمل کار کہتے ہیں۔

