## برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

# عنوان

1																																									نياد	:	1
1																																	. ,	اد با	برق	واور	قىر	16	ر قی یا	,	1.1		
6																																		•	•		٠,	او ہم	ر قى با فانونِ	•	1.2		
8																																							، رئي وانائي		1.3		
-																																											
15																																							رقىپر		1.4		
15																																							.4.1				
17								•		•		•						•	•			•	•					•							لمبع	نابع'	•	1	.4.2	2			
27																																							ار	ادو	بزاحمتي	•	2
27																																						اوہم	فانون	,	2.1		
35																																							فوا نين فوا نين		2.2		
																																									2.3		
51																																											
52																																							نقشيم		2.4		
55																																							تعدو		2.5		
58																																							ملسله		2.6	)	
59																												ہے	نا_	ياجا	وبإ	) د با	سال	پريک	ئت	مزاج	ے	אהל	تتواز ک	٠	2.7	'	
61																																						. و	نقسيم	ï	2.8	;	
68																																									2.9	)	
																																									2.10		
76	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0		٠,	٠	٠.	• 21	•••	ت س. ،	را مد م	ي سر	) <del></del> 		2.10 2.11	'	
84	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•		•	•	•			:	وله ر	ن تبا م	نگوا 	تناره- ابه من		2.12		
91			٠	•	•	•		•	•	•	•	•	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	٠	•			•	•	وار	ےاد	_1.	نےو	يا کر۔	نعاله	ح اسنا	ابعش		2.13		
10																																				يب	ا تر ک	ئرى	اوردا	جو ڑ	ز کیب	,	3
10	1.																																					ۈڑ	نجزیه	*	3.1		
104	1																													وار	.اد و	J	<u>نے وا</u>	ر_	ال ال	استنع	م حروا	ء منب	بري نحبر تاري		3.2	,	
11'																																									3.3		
12.																																									3.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی	) برق گیراو	6
ر من بر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر میں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہو		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعادی اداماله کیر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۰ میں اور در میں میں ہوتات کی میں میں تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

295								 			 	ي	وات	سياو	ى.	عمو	کی	ىل	ر روع	,	7.2.1	
314	 	 																			د هر <sup>د</sup> کن .	7.3
319	 	 																		ار	دودر جی ادوا	7.4

## إب7

# عارضي ردعمل

### 7.1 تعارف

ایسے ادوار جن میں امالہ گیر اور (یا) برق گیر پائے جاتے ہوں میں توانائی ذخیرہ کرنے کی صلاحیت ہوتی ہے۔ توانائی ذخیرہ کرنے والے ادوار کارد عمل منبع طاقت کے علاوہ ذخیرہ توانائی پر بھی مخصر ہوتا ہے۔ ایسے ادوار میں کسی بھی طرح کی تبدیلی سے ذخیرہ توانائی میں تبدیلی رونما ہو سکتی ہے۔دور میں تبدیلی مثلاً کسی سونچ کے چالو یا غیر چالو کرنے سے پیدا ہو سکتی ہے۔ایسی صورت جہال دور کیسال ایک ہی حالت میں رہے کو بوقوار حالت اکتے ہیں۔ تبدیلی کے بعد دور متبادل برقرار حالت اختیار کرتا ہے۔ ایک برقرار حالت سے دوسری برقرار حالت تک بہنچنے کے دوران، دور عارضی حالت میں ہوتا ہے۔

## 7.2 ایک در جی ادوار

وہ ادوار جن میں صرف امالہ گیر توانائی ذخیر ہ کرتے ہوں کی کرخوف مساوات ایک درجی تفوقی مساوات 3ہوتی ہے۔اسی طرح وہ ادوار جن میں صرف برق گیر توانائی ذخیر ہ کرتے ہوں بھی ایک درجی کرخوف مساوات دیتے ہیں۔اسی لئے انہیں

steady state<sup>1</sup>

transient state<sup>2</sup>

first order differential equation<sup>3</sup>

باب. 7. عب ارضی رد<sup>عم ل</sup> ل

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب)

(الف)

شكل 7.1: ايك درجي ادواركي مثاليل ـ

[[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

شکل 7.2: دودر جی دور۔

یک درجی ادوار <sup>4</sup> کہتے ہیں۔اس کے بر عکس ایسے ادوار جن میں امالہ گیر اور برق گیر دونوں پائے جاتے ہوں دو درجی تفرقی مساوات<sup>5</sup> ریتے ہیں اور انہیں دو درجی ادوار<sup>6</sup> کہا جاتا ہے۔

شکل 7.1 میں ایک درجی ادوار کی مثالیں دی گئی ہیں۔ آئیں ان کی کر خوف مساوات لکھ کر دیکھیں۔ شکل-الف کی مساوات درج ذیل ہے۔

(7.1) 
$$v(t) = i(t)R + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

اسی طرح شکل-ب کی کر خوف مساوات درج ذیل ہے۔

(7.2) 
$$i_i(t) = \frac{v(t)}{R} + C\frac{dv(t)}{dt}$$

آپ د کیھ سکتے ہیں کہ درج بالا دونوں مساوات ایک درجی تفرقی مساوات ہیں۔

شکل 7.2 میں دو درجی دور دکھایا گیا ہے جس کی کرخوف مساوات درج ذیل ہے جہاں  $v_C(0)$  کھے t=0 پر برق گیر کا دباو ہے۔

(7.3) 
$$v_i(t) = Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_{-\infty}^t i(t) \, \mathrm{d}t$$
$$= Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) \, \mathrm{d}t + v_C(0)$$

first order circuits<sup>4</sup>

second order differential equations<sup>5</sup>

second order circuits<sup>6</sup>

7.2 ا ک در تی ادوار

اس تکمل و تفرقی مساوات<sup>7</sup> میں کمل کی علامت ختم کرنے سے تفرقی مساوات<sup>8</sup> حاصل ہو گی۔کمل کی علامت ختم کرنے کے نظر اس کا تفرق لیتے ہیں۔

(7.4) 
$$\frac{\mathrm{d}v_i(t)}{\mathrm{d}t} = R \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + L \frac{\mathrm{d}^2 i(t)}{\mathrm{d}t^2} + \frac{i(t)}{C}$$

آپ د کھ سکتے ہیں کہ امالہ گیر اور برق گیر دونوں کی موجود گی سے دو درجی تفرقی مساوات حاصل ہوتی ہے۔

مساوات 7.3رو i(t) کی تکمل و ترقی مساوات ہے۔اس مساوات میں

$$i(t) = C \frac{dv_C(t)}{dt}$$
$$v_C(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(t) dt$$

یر کرنے سے دباو  $v_C(t)$  کی تفرقی مساوات حاصل ہوتی ہے۔

$$(7.5) v_i(t) = RC \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + LC \frac{\mathrm{d}^2 i(t)}{\mathrm{d}t^2} + v_C(t)$$

### 7.2.1 رد عمل کی عمومی مساوات

ایک درجی ادوار کے رد عمل جاننے کی خاطر ان کی تفرقی مساوات حل کی جاتی ہے جس سے دور کے مختلف مقامات پر دباو اور رو حاصل کی جاتی ہے۔ان یک درجی مساوات کی عمومی صورت درج ذیل ہوتی ہے

(7.6) 
$$\frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t} + ay(t) = g(t)$$

جہاں y(t) دباویارو کو ظاہر کرتی ہے، a مستقل ہے اور g(t) جبری قوت $^{9}$  ہے۔اس مساوات کا آزاد متغیرہ وقت  $y_{f}(t)$  اور  $y_{f}(t)$  مسئلہ کہتا ہے کہ مساوات 7.6 کا مکمل حل اس کے فطری رد عمل  $y_{f}(t)$  اور  $y_{f}(t)$ 

integro-differential equation<sup>7</sup>

differential equation<sup>8</sup>

forcing function<sup>9</sup>

natural response, complementary solution  $^{10}$ 

باب.7.عــار ضي رد<sup>عمـــا</sup>ل

جبری رد عمل  $y_j(t)$  کا مجموعہ ہے۔مساوات 7.6 کے کسی بھی حل کو بطور جبری رد عمل لیا جا سکتا ہے جبکہ درج ذیل ہم جنسی مساوات  $^{12}$ 

$$\frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t} + ay(t) = 0$$

کے کسی بھی حل کو فطری رد عمل تصور کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 7.6 میں g(t)=0 پُر کرنے سے ہم جنسی مساوات عاصل ہوتی ہے۔

آئیں g(t)=A کی صورت میں مساوات 7.6 کا حل حاصل کریں جہاں A ایک مستقل ہے۔ یوں جمیں درج ذیل دو مساوات کے حل در کار ہیں۔

(7.8) 
$$\frac{\mathrm{d}y_j(t)}{\mathrm{d}t} + ay_j(t) = A$$

$$\frac{\mathrm{d}y_f(t)}{\mathrm{d}t} + ay_f(t) = 0$$

جری حل کو قیاس کے ذریعہ  $K_1$  تصور کرتے ہیں جہاں K ایک مستقل ہے۔

$$(7.10) y_i(t) = K_1$$

جری حل  $y_j(t)=K_1$  کو مساوات 7.8 میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$\frac{\mathrm{d}K_1}{\mathrm{d}t} + aK_1 = A$$
$$0 + aK_1 = A$$

لعيني

$$(7.11) K_1 = \frac{A}{a}$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.9 کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}y_f(t)}{y_f(t)} = -a\,\mathrm{d}t$$

forced response, particular solution  $^{11}$  homogenous equation  $^{12}$ 

7.2 ا ک در تی ادوار

To Due Discarded Image]][[make'and '/tikz/external/mode=listTo Due Discarded Image]] [[make'and '/tikz/external/mode=listTo Due Discarded Image]]

لکھا جا سکتا ہے جس کا تکمل

$$ln y_f(t) = -at + c$$

لعيني

$$(7.12) y_f(t) = K_2 e^{-at}$$

کے برابر ہے جہاں c تکمل کا مستقل ہے اور  $K_2=e^c$  کے برابر ہے۔ مساوات 7.11 اور مساوات 7.12 سے مکمل حل درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

(7.13) 
$$y(t) = \frac{A}{a} + K_2 e^{-at}$$

کسی بھی کھے پر y(t) جاننے سے درج بالا مساوات میں نامعلوم مستقل  $K_2$  دریافت کیا جاسکتا ہے۔ درج بالا مساوات کو درج ذیل عمومی حل کی صورت میں لکھا جاسکتا ہے

$$(7.14) y(t) = K_1 + K_2 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

جہال  $au = \frac{1}{a}$  کے برابر ہے۔

 $y_{j}(0)=K_{2}$  پر t=0 کی صورت میں جبری حل دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کمحہ t=0 پر t=0 کی صورت میں جبری حل دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کمحہ t=0 برابر ہے جبکہ ایک وقتی مستقل برابر وقت بعد اس کی قیمت t=0 ورانیخ میں t=0 برابر ہوتت میں t=0 کی واقع ہوئی ہے۔اسی طرح دووقتی مستقل وقتے کے بعد t=0 بری حل کی قیمت میں کہی جبری حل کی قیمت میں کمی بھی لمحہ t=0 کی واقع ہوئی ہے۔ حقیقت میں کمی بھی لمحہ t=0 کی قیمت میں لمحہ t=0 بری کی تیمت میں لمحہ t=0 بری کی تیمت میں لمحہ t=0 بری کا گیمت میں لمحہ t=0 بری کی تیمت میں لمحہ کی تیمت میں کی تیمت میں کی تیمت میں لمحہ کی تیمت میں کی تیمت میں کی تیمت میں کرتے ہیں کی تیمت کی تیمت میں لمحہ کی تیمت میں کی تیمت میں کی تیمت میں کرتے ہوئے کی تیمت کی ت

time constant<sup>13</sup>

steady state solution  $^{14}$ 

با\_\_7.عبارضي ردعمسل 298

ToDueDiscardedImage]][[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]] `/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]][[make'and`/tikz/external/mode=list [[make'and

شكل 7.4: مثال 7.1 كاد ور، دياواورروپه

0.67% کی واقع ہو گی۔ پانچ و تتی مستقل و تھے کے بعد  $y_i(5 au) = 0.0067K_2$  رہ جاتا ہے جو ابتدائی قیت کے

مباوات 7.12 قوت نمائی انحطاطی <sup>15</sup> خط ہے۔ قوت نمائی انحطاطی خط کی ایک خصوصیت یہ ہے کہ ابتدائی کمجے پر اس کا مماس افقی محور کو au پر کاٹنا ہے۔اس مماس کو شکل 7.3-الف میں  $(0,K_2)$  تا ( au,0) نقطہ دار کلیر سے دکھایا گیاہے۔ شکل 7.3-ب میں مختلف au کی قیمتوں کے لئے مساوات 7.12 کو تھینجا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تم وقتی متقل کا خط جلد اختیامی قبت تک پنتیا ہے۔ یوں وقتی مستقل کسی بھی دور کے رد عمل کے دورانے کی ناپ ہے۔

مثال 7.1: شکل 7.4 میں مزاحت اور بے بار برق گیر سلسلہ وار جڑے ہیں۔لمجہ t=0 پر میبو نیج $^{1716}$  جالو کرتے v(t) ہوئے انہیں مستقل منبع دیاو  $V_{1}$  کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ برق گیر کا دیاو v(t) اور رو

حل: سوئچ چالو کرنے سے پہلے برق گیر ہے بار ہے للذااس پر دیاو صفر کے برابر ہے۔صفحہ 250 پر مساوات 6.11 کے تحت ہو گا یعنی یوں سوئچ چالو کرنے کے فوراً بعد برق گیر کا دباہ صفر ہی ہو گا۔سوئچ چالو کرنے کے  $v_{\mathrm{C}}(0_{+})=v_{\mathrm{C}}(0_{-})$ بعد دیاو جوڑ (v(t) کے استعال سے کرخوف مساوات رولکھتے ہیں ا

$$\frac{v(t) - V_I}{R} + C\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} = 0$$

جسے ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t)}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$

exponential decaying<sup>15</sup>

اس طرز کے مون گاپورانام ایک قطب آیک چال مون گئے ہے۔ switch, spst, single pole single throw  $^{17}$ 

7.2. ايک در کی ادوار

کھا جا سکتا ہے جو عمومی مساوات 7.6 کی طرح ہے۔ چونکہ  $V_I$  مستقل قیمت ہے لہذا اس مساوات کا جبر کی حل $v_j(t)=K_1$ 

تصور کیا جاسکتا ہے جے مساوات 7.15 میں پُر کرتے ہوئے عل کرنے سے

$$\frac{dK_1}{dt} + \frac{K_1}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$
$$0 + \frac{K_1}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$

لعيني

 $K_1 = V_I$ 

حاصل ہوتا ہے۔ یوں جبری حل درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$v_j(t) = V_I$$

اس نتیج کے تحت سوئے چالو کرنے کے بہت دیر بعد برق گیر پر دباوعین منبع دباو کے برابر ہوگا۔ شکل کو دیکھتے ہوئے اس نتیج تک یوں پہنچا جا سکتا ہے کہ سوئے چالو کرنے کے بعد دور میں روکی وجہ سے برق گیر پر بار جمع ہونا نثر وع ہو جائ گا۔جب تک برق گیر کا دباو منبع کے دباوسے کم ہو، مزاحمت پر دباو پایا جائے گاللذااس میں روپائی جائے گا۔ یہ روبرق گیر پر جمع بار میں اضافہ کرتی رہے گی۔ عین اس وقت جب برق گیر اور منبع کے دباو برابر ہو جائیں، روکی قیمت صفر ہو جائے گی اور برق گیر کا دباواس قیمت پر ابد تک بر قرار رہے گا۔

آئیں اب فطری حل دریافت کریں۔ فطری حل ہم جنسی مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.15 کے دائیں بازو کو صفر کے برابر یُر کرنے سے ہم جنسی مساوات

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t)}{RC} = 0$$

حاصل ہوتی ہے۔اس کو

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{v(t)} = -\frac{\mathrm{d}t}{RC}$$

لکھتے ہوئے تکمل لینے سے

$$\ln v(t) = -\frac{t}{RC} + c$$

با\_\_7.عبارضي ردعمبال

لعيني

$$v_f(t) = K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

فطری حل حاصل ہوتا ہے۔ جبری اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل ہو گا۔

$$v(t) = V_I + K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

 $v_C(0_+)=0$  پر  $t=0_+$  تحت جا کہ جا کہ مستقل کو ابتدائی شوائط t=0 سے حاصل کرتے ہیں جس کے تحت  $t=0_+$  پر  $t=0_+$  کی قیت معلوم ہے۔ان قیتوں کو درج بالا مساوات میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$0 = V_I + K_2 e^{-\frac{0}{RC}}$$
$$0 = V_I + K_2$$

لعيني

$$K_2 = -V_I$$

حاصل ہوتاہے۔

جبری حل اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل دیتا ہے

(7.17) 
$$v(t) = v_j(t) + v_f(t)$$
$$= V_I \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$
$$= V_I \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

درج بالا مساوات میں وقتی مستقل درج ذیل ہے۔

$$\tau = RC$$

یوں R یا(lec) کر بڑھانے سے وقتی مستقل بڑھے گا جس سے دور بر قرار صورت زیادہ دیر کے بعد اختیار کرے گا۔ رو(t) کو درج بالا مساوات سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i(t) = C \frac{dv(t)}{dt}$$

$$= CV_I \left( 0 + \frac{1}{RC} e^{-\frac{t}{RC}} \right)$$

$$= \frac{V_I}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

initial conditions  $^{18}$ 

7.2. ايک در کی ادوار

 $To Due Discarded Image]] [[make'and \tikz/external/mode=list To Due Discarded Image]] \\ [[make'and \tikz/external/mode=list]] \\$ 

$$i(t) = \frac{V_I - v(t)}{R}$$
$$= \frac{V_I}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

مثال 7.2: شکل 7.5 میں لحہ t=0 پر سونج چالو کیا جاتا ہے۔رو کا خط کیجیس۔

حل: کرخوف مساوات د باو

$$V_I = i(t)R + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

کو ترتیب دیتے ہوئے عمومی شکل میں لاتے ہیں

(7.19) 
$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{R}{L}i(t) = \frac{V_I}{L}$$

جس کا جبری حل

$$i_j(t) = K_1$$

ہو گا۔ جبری حل کو عمومی مساوات میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$\frac{dK_1}{dt} + \frac{R}{L}K_1 = \frac{V_I}{L}$$
$$0 + \frac{R}{L}K_1 = \frac{V_I}{L}$$

باب.7.عــارضي ردعمــل

لعيني

$$K_1 = \frac{V_I}{R}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے جبری حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i_j(t) = \frac{V_I}{R}$$

یمی جواب منطق سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ چونکہ یک سمتی رو کے لئے امالہ گیر بطور قصر دور کر دار ادا کرتا ہے لہذا عارضی دورانیہ گزر جانے کے بعد ہم امالہ گیر کو قصر دور تصور کر سکتے ہیں۔ شکل 7.5 میں امالہ گیر کو قصر دور کرتے ہوئے اوہم کے قانون سے  $i_j(t)=rac{V_I}{R}$  کھا جا سکتا ہے۔

فطری حل حاصل کرنے کی خاطر مساوات 7.19 میں دیے گئے عمومی مساوات کا دایاں ہاتھ صفر کے برابر پُر کرتے ہوئے درج ذیل ہم جنسی مساوات حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{R}{L}i(t) = 0$$

اس کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{i(t)} = -\frac{R}{L}\,\mathrm{d}t$$

تکمل لینے سے

$$\ln i(t) = -\frac{R}{L}t + c$$

لعيني

$$i_f(t) = K_2 e^{-\frac{R}{L}t}$$

حاصل ہوتاہے۔

جبری اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل دیتا ہے

(7.20) 
$$i(t) = i_j(t) + i_f(t) \\ = \frac{V_I}{R} + K_2 e^{-\frac{R}{L}t} \\ = \frac{V_I}{R} + K_2 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

7.2 ا ک در تی ادوار

جہاں وقتی مستقل درج ذیل ہے۔

$$\tau = \frac{R}{L}$$

کمل حل میں نامعلوم مستقل  $K_2$  کو ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ سو کچ چالو کرنے سے پہلے دور میں رو صفر کے برابر ہے۔ صفحہ 263 پر مساوات 6.21 کے تحت امالہ کی رو بلا جوڑ تفاعل

$$i_L(t_+) = i_L(t_-)$$

ہے لہذا سو ﷺ چالو کرنے کے فوراً بعد امالہ کی رو وہی ہو گی جو سو ﷺ چالو کرنے کے فوراً پہلے تھی لیخہ لیخہ  $i_L(0_+)=i_L(0_-)=0$ 

$$0 = \frac{V_I}{R} + K_2 e^{-\frac{0}{\tau}}$$

لعيني

$$K_2 = -\frac{V_I}{R}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں مکمل حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i(t) = \frac{V_I}{R} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

رو کے خط کو شکل 7.5-ب میں د کھایا گیا ہے۔

مثال 7.3: ازل سے شکل 7.6 میں ایک قطب دو چال سوئچ  $^{19}$ ای جگہ پر ہے۔ لحمہ t=0 پر اس کی جگہ تبدیل کرتے ہوئے 5 مزاحمت کو زمین کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ برق گیر پر دباو دریافت کریں۔

single pole double throw switch, spdt<sup>19</sup>

باب-7. عبار ضي رد عمسال

حل: ازل سے دور منبع کے ساتھ جڑا رہا ہے۔ یوں دور بر قرار حالت میں ہو گا اور برق گیر کو کھلا دور تصور کیا جاتا ہے۔ایسا کرنے سے شکل-ب حاصل ہوتی ہے جہاں سے تقسیم دباو کے کلیے سے برق گیر کا ابتدائی دباو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$v_{\rm C}(0_{-}) = 20 \left( \frac{15 \,\mathrm{k}\Omega}{5 \,\mathrm{k}\Omega + 15 \,\mathrm{k}\Omega} \right) = 15 \,\mathrm{V}$$

برق گیر کا د باو بلا جوڑ ہے للذا

$$v_C(0_+) = v_C(0_-) = 15\,\mathrm{V}$$
 ابتدائی حالت

ہو گا۔ لمحہ t=0 بعد کی صورت شکل-پ میں د کھائی گئی ہے۔ ہمیں اس شکل میں v(t) در کار ہے جسے کر خوف میاوات رو کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{v_C(t)}{5000} + \frac{v_C(t)}{15000} + 200 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} = 0$$

اس ہم جنسی مساوات کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{v_C(t)} = -\frac{4}{3}\,\mathrm{d}t$$

لکھا جا سکتا ہے جس کا تکمل

$$\ln v_C(t) = -\frac{4}{3}t + c$$

یا

$$v_C(t) = Ke^{-\frac{4}{3}t}$$

7.2. ایک در جی ادوار

#### ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(الف)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(پ)
ToDueDiscardedImage]]
[[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب)
ToDueDiscardedImage]]
[[make'and`/tikz/external/mode=list

(ك)

(ت)

شكل7.7: مثال7.4 كـاشكال\_

سے K کی قیمت درج ذیل

K = 15

حاصل ہوتی ہے۔ یوں

 $v_C(t) = 15e^{-\frac{4}{3}t}$ 

 $\sigma$  عاصل ہوتا ہے جس میں وقتی متعقل  $\sigma=\frac{3}{4}$  کے برابر ہے۔یوں سونچ چالو کرنے کے  $\sigma=\frac{3}{4}$  بعد برق گیر کا دباو اہتدائی قیت کے  $\sigma=0.368$  یعنی  $\sigma=0.368$  باتدائی قیت کے  $\sigma=0.368$  باتدائی قیت کے خوالم کے خوالم کے خوالم کے خوالم کی کاروروں کے خوالم کی کاروروں کے خوالم کے خوالم کی کاروروں کے خوالم کی کرنے کی کاروروں کی کاروروں کی کاروروں کے خوالم کی کاروروں کے خوالم کے خوالم کی کاروروں کی کاروروں کی کرنے کے خوالم کی کاروروں کی کارو

مثال 7.4: ازل سے شکل 7.7 میں سوئج غیر چالو تھا جے t=0 پر چالو کیا جاتا ہے۔امالہ گیر کی رو  $i_L(t)$  دریافت کریں۔

حل: غیر چالو سورنج کی صورت میں منبع رو کی تمام رو امالہ گیر سے گزرتی ہے للذا $i_L(0_-)=i_L(0_+)=4\,\mathrm{mA}$ 

باب-7.عــاد ضي ردعمـــال

ہو گا۔اس دور کو مسئلہ تھونن کی مدد سے حل کرتے ہیں۔یوں امالہ کو بوجھ تصور کرتے ہوئے بقایا دور کا تھونن مساوی حاصل کرتے ہیں۔ عاصل کرتے ہیں۔ ہے۔اس شکل میں منبع روکی تمام رو بائیں مزاحمت اور منبع دباوسے گزرے گی للذا مزاحمت پر 4V کا دباو ہو گا۔یوں

$$v_t = v_{\ddot{v_t}\ddot{v_t}} = 24\,\mathrm{V} + 4\,\mathrm{V} = 28\,\mathrm{V}$$

کھا جا سکتا ہے۔ یاد رہے کہ بالا ئی دائیں مزاحمت میں روصفر کے برابر ہے للذااس پر دباو بھی صفر ہو گا اور یوں  $v_t$  اور  $v_t$  برابر ہوں گے۔  $v_t$  برابر ہوں گے۔

منبغ د ہاو کو قصر دور اور منبغ رو کو کھلے دور کرتے ہوئے شکل-پ حاصل ہوتی ہے جسے دیکھتے ہوئے تھونن مزاحمت $R_{ij}=2\,\mathrm{k}\Omega$ 

لکھی جاسکتی ہے۔

تھونن مساوی دور استعال کرتے ہوئے شکل-الف کو شکل-ت کی طرزیر بنایا جا سکتا ہے۔شکل-ت کی کرخوف مساوات

$$28 = 2000i(t) + 0.001 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

کو عمومی صورت میں لکھتے ہیں۔

$$\frac{{\rm d}i(t)}{{\rm d}t} + 2 \times 10^6 i(t) = 28000$$

اس مساوات کا جبری حل

$$i_i(t) = K_1 = 14 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے اور اس کا فطری حل

$$i_f(t) = K_2 e^{-2 \times 10^6 t}$$

ہے۔ یوں امالہ گیر کے رو کا مکمل حل

$$i(t) = 0.014 + K_2 e^{-2 \times 10^6 t}$$

7.2. ایک در جی ادوار

[[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

ہے۔ابتدائی معلومات کو اس مساوات میں حل کرتے ہوئے

$$0.004 = 0.014 + K_2 e^0$$

سے

 $K_2 = -10 \,\mathrm{mA}$ 

حاصل ہوتا ہے۔ یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

$$i_L(t) = 0.014 - 0.01e^{-2 \times 10^6 t}$$

اس مساوات کا وقتی مستقل  $au=0.5\,\mu s$  ہے۔ یوں تقریباً  $au=0.5\,\mu s$  میں دور پہلی بر قرار حالت سے دوسری بر قرار حالت اختیار کر پاتا ہے۔ مساوات 7.23 کو شکل-ٹ میں دکھایا گیا ہے۔

مثق 7.1: شکل 7.8 میں ازل سے چالو سونچ کو لمحہ t=0 پر منقطع کیا جاتا ہے۔ برق گیر پر ابتدائی دباو دریافت کرتے  $v_0(t)$  وریافت کریں۔ اس دور کا وقتی مستقل کیا ہے۔

$$au=0.5\,\mathrm{s}$$
 ،  $v_0(t)=8e^{-rac{t}{0.5}}\,\mathrm{V}$  ،  $v_C(0_+)=20\,\mathrm{V}$  : يابت

مثق 7.2: شکل 7.9 میں ازل سے چالو سونچ کو لھہ t=0 پر منقطع کیا جاتا ہے۔ برق گیر پر ابتدائی دباو دریافت کرتے ہوئے  $v_0(t)$  دریافت کریں۔

باب. 7. عبار ضي رد عمسال

[[make'and'/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

[[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

$$v_0(t) = 32 - \frac{144}{7}e^{-\frac{100t}{7}}\,\mathrm{V}$$
 ،  $v_0(0_+) = \frac{80}{7}\,\mathrm{V}$  : يابت.

مثق 7.3: شکل 7.10 میں ازل سے چالو سونچ کو لمحہ t=0 پر منقطع کیا جاتا ہے۔امالہ گیر میں ابتدائی رودریافت کرتے ہوئے  $i_L(t)$  دریافت کریں۔دور کا وقتی مستقل حاصل کریں۔

$$au=rac{1}{3}\,\mathrm{ms}$$
 ،  $i_L(t)=1.25e^{-3000t}\,\mathrm{A}$  ،  $i_L(0_+)=1.25\,\mathrm{A}$  . بابت:

مثال 7.5: شکل 7.11 میں ازل سے چالو سونج کھہ t=2 ہے t=2 پر منقطع کیا جاتا ہے۔رو i(t) دریافت کریں۔

حل: سونچ منقطع کرنے سے فوراً پہلے کی صورت حال شکل-ب میں دکھائی گئی ہے۔ چونکہ ازل سے سونچ چالو تھاللذا دور بر قرار حالت میں ہو گا اور بوں برق گیر کو کھلا دور تصور کیا جائے گا۔ شکل-ب کو دکھ کر

$$i(t < 2 s) = \frac{20}{4000 + 6000} = 2 \text{ mA}$$

أور

$$v_C(2_-) = v_C(2_+) = 20 \left( \frac{4000}{4000 + 6000} \right) = 8 \text{ V}$$

7.2. ايک در بي ادوار

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

( il)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(پ)

شكل 7.11: مثال 7.5 ك اشكال

کھا جا سکتا ہے۔ سوئچ منقطع ہونے کے بعد کی صورت حال شکل-الف میں دی گئی ہے۔ جوڑ v(t) پر کرخوف مساوات رو کھتے ہوئے v(t)

$$\frac{v(t) - 10}{2000 + 4000} + 5 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t) - 20}{6000} = 0$$

ترتیب دینے سے

$$\frac{dv(t)}{dt} + \frac{200}{3}v(t) = 1000$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کے جبری اور فطری حل درج ذیل ہیں

$$v_j(t) = K_1 = 15 \text{ V}$$
  
 $v_f(t) = K_2 e^{-\frac{200}{3}t}$ 

جن کا مجموعه مکمل حل

$$v(t > 2) = 15 + K_2 e^{-\frac{200}{3}t}$$

دیتا ہے۔ابتدائی معلومات  $v(2_+)=8$  کھہ  $v(2_+)=8$  کھہ ویتا ہے۔ابتدائی معلومات میں پُر کرتے ہوئے

$$8 = 15 + K_2 e^{-\frac{200}{3} \times 2}$$

کی قیت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔  $K_2$ 

$$K_2 = -7e^{\frac{400}{3}}$$

ا\_7.عـار ضي ردعمــل

يوں مکمل حل درج ذيل ہو گا۔

$$v(t > 2) = 15 - 7e^{\frac{200}{3}(2-t)}$$

اب شکل-الف کو د مکھ کر

$$i(t > 2) = \frac{v(t > 2) - 10}{6000}$$
$$= \frac{5}{6} - \frac{7}{6}e^{\frac{200}{3}(2-t)} \text{ mA}$$

کھا جا سکتا ہے جو در کار مساوات ہے۔ یوں سوئچ منقطع کرنے سے پہلے اور اس کے بعد کے جوابات سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$i(t) = \begin{cases} 2 \text{ mA} & t < 2 \text{ s} \\ \frac{5}{6} - \frac{7}{6} e^{\frac{200}{3}(2-t)} \text{ mA} & t > 2 \text{ s} \end{cases}$$

جے شکل - پ میں دکھایا گیا ہے جہاں سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سونچ منقطع کرنے سے پہلے بر قرار رو  $2 \, \mathrm{mA}$  جبکہ سونچ منقطع کرنے کے بعد بر قرار حالت  $\infty + 1$  میں رو  $0 \, \mathrm{mA}$  ہے ۔ یاد رہے کہ برق گیر کا دباو فوراً تبدیل نہیں ہو سکتا البتہ اس میں رو یک دم تبدیل ہو سکتا ہے ۔

وقت  $\infty o t$  پر دور بر قرار حالت اختیار کر چکا ہو گا لہذا برق گیر کو کھلا دور کرتے ہوئے شکل 7.11-الف سے بر قرار حالت رو درج ذیل کھی جاسکتی ہے۔

$$i(t \to \infty) = \frac{20 - 10}{2000 + 4000 + 6000} = \frac{5}{6} \,\mathrm{mA}$$

مثال 7.6: شكل 7.12-الف ميں ازل سے منقطع سونج لمحہ t=7 ہے t=7 پر چالو كيا جاتا ہے۔رو i(t) دريافت كريں۔

7.2. ايک در جي ادوار

#### ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(الف)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(پ)

(ب) ToDueDiscardedImage]]

[[make'and`/tikz/external/mode=list

(ت)

شكل7.12:مثال7.6 كياشكال

عل: منقطع سوئج کی صورت میں دور بر قرار حالت میں ہو گالہذا امالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے شکل-ب حاصل کی گئی ہے۔ تقسیم روکے کلیے ہے

$$i_L(7_-) = i_L(7_+) = 6\left(\frac{4}{4+2}\right) = 4 \,\mathrm{A}$$

أور

(7.24) 
$$i(t) = 6 A - i_L(t) = 6 - 4 = 2 A$$
  $(t < 7 s)$ 

کھا جا سکتا ہے۔ سوئج چالو کرنے کے بعد کی صورت حال شکل۔پ میں دکھائی گئی ہے جہاں سے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$i_1 = 6 \,\mathrm{A}$$

$$5\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} + 4(i_2 - i_1) = 0$$

ان مساوات کو ملاتے ہوئے

$$5\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} + 4(i_2 - 6) = 0$$

لعيني

$$\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} + \frac{4}{5}i_2 = \frac{24}{5}$$

حاصل ہوتاہے جس کا مکمل حل درج ذیل ہے۔

$$i_2 = 6 + K_2 e^{-\frac{4}{5}t}$$

باب-7.عــار ضي ردعمــل

$$4 = 6 + K_2 e^{-\frac{4}{5} \times 7}$$

سے

$$K_2 = -2e^{\frac{4}{5}\times 7}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں سوئچ چالو کرنے کے بعد i2 کا مکمل حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i_2 = 6 - 2e^{\frac{4}{5}(7-t)}$$

اب شکل-پ کو دیکھتے ہوئے

$$i(t) = i_1 - i_2$$

$$= 6 - \left(6 - 2^{\frac{4}{5}(7-t)}\right)$$

$$= 2e^{\frac{4}{5}(7-t)} \qquad (t > 7s)$$

کھ جا سکتا ہے۔ یوں ازل سے ابدتک i(t) کو مساوات 7.24 اور درج بالا مساوات پیش کرتے ہیں۔ انہیں اکٹھے کھتے اور شکل۔ت میں پیش کرتے ہیں۔

(7.25) 
$$i(t) = \begin{cases} 2 A & t < 7 s \\ 2e^{\frac{4}{5}(7-t)} A & t > 7 s \end{cases}$$

 $i_2$  مثق 7.4: شکل 7.13 میں ابتدائی حالت  $i_L(0_+)$  دریافت کریں۔دائرہ  $i_1$  مثق 7.4: شکل 7.13 میں ابتدائی حالت  $i_L(0_+)$  دریافت کریں۔بول ازل سے ابد تک لیتے ہوئے کرخوف مساوات دباو کلھیں۔ان مساوات سے صرف  $i_1$  پر مبنی مساوات حاصل کریں۔پول ازل سے ابد تک  $i_L$  دریافت کریں۔

$$i_L(t>0)=2+1.5e^{-2.25t}\,\mathrm{A}$$
 ،  $\frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t}+2.25i_1=4.5$  ،  $i_L(0_+)=3.5\,\mathrm{A}$  . بابات:

7.2. ایک در جی ادوار

[[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

[[make'and'/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

مشق 7.5: شکل 7.14 میں  $v_0(t)$  حاصل کریں۔

$$v_0(t) = \frac{24}{5} + \frac{1}{5}e^{-\frac{5}{8}t}$$
 V : يابت:

مثق 7.6: شکل 7.15 میں سوئے منقطع کرنے کے بعد  $v_0$  حاصل کریں۔

$$v_0 = -12 + \frac{9}{2}e^{-2t}\,\mathrm{V}$$
 جوابات:

[[make'and `/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

باب-7. عـــار ضي رد عمـــال

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ك)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ت)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(الف)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(پ)

شكل 7.16: اكائى سڙ ھي تفاعل په

7.3 وهركن

گزشتہ جھے میں سونچ کو چالو یا منقطع کرتے ہوئے ادوار میں میدم تبدیلی پیداکی گئی۔ فوراً تبدیلی پیدا کرنے والے دو عدد تفاعل نہایت اہم ہیں۔ آئیں اکائی سیڑھی تفاعل <sup>20</sup> اور اکائی جھٹکا تفاعل <sup>21</sup>کہتے ہیں۔ آئیں اکائی سیڑھی تفاعل پر غور کرس۔

ا کائی سیڑھی تفاعل u(t) کی الجبرائی تعریف درج ذیل ہے۔

(7.26) 
$$u(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ 1 & t > 0 \end{cases}$$

اکائی سیڑھی تفاعل ہے بعد  $^{22}$  ہے جو منفی t کی صورت میں صفر کے برابر جبکہ مثبت t کی صورت میں اکائی کے برابر ہے سیّر ھی تفاعل ہے ۔ اکائی سیڑھی تفاعل کے متغیرہ کو  $t-t_0$  کسے ہوئے  $t-t_0$  کسے معنورہ کو  $t-t_0$  کسے ہوئے شکل -1.16 کسے ہوئے شکل -1.16 ہونا ہے جو افقی محدد پر -1.16 دائیں منتقل اکائی سیڑھی تفاعل -1.16 ہونا ہے جو افقی محدد پر -1.16 دائیں منتقل اکائی سیڑھی تفاعل -1.16 کی صورت میں صفر کے برابر ہے جبکہ مثبت -1.16 کی صورت میں یہ اکائی کے برابر ہے ۔ اکائی سیڑھی تفاعل کو -1.16 کو بید کو بیٹر ہی تفاعل ہوگا جس سے بعد دولت -1.16 کی بعد کی سیڑھی تفاعل حاصل کی جاستی ہے۔ شکل -1.16 اور شکل -1.16 کی دیاوں -1.16 کی بعد کی سیڑھی تفاعل حاصل کی جاستی ہے۔ شکل -1.16 اور شکل -1.16 کی بعد کی سیڑھی تفاعل حاصل کی جاستی ہے۔ شکل -1.16

اور Au(t) اور Au(t) کی سیڑ تھی تفاعل سے مستطیل تفاعل حاصل کیا جا سکتا ہے۔ یہ عمل شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے جہاں Au(t) اور  $-Au(t-t_0)$ 

(7.27) 
$$f(t) = Au(t) - Au(t - t_0)$$

unit step function<sup>20</sup> unit impulse function<sup>21</sup> dimensionless<sup>22</sup> 7.3. د هر کن

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(الف) چکورمون۔ ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب) بڑھتی سیڑھی۔

شکل7.18: اکائی سیڑ ھی تفاعل سے چکور موج کا حصول۔

لیتے ہوئے A حطے کا متطیل تفاعل حاصل کیا گیا ہے۔

مثال 7.7: اکائی سیڑ تھی تفاعل کے استعال سے T طول موج اور  $V_0$  حیطے کی چکور موج حاصل کریں۔

حل: شکل 7.17 کی طرز پر متعدد مستطیل اشارات سے الیی موج حاصل کی جاسکتی ہے۔اییا کرنے کی خاطر متعدد اکائی سیڑھی تفاعل استعال کی جائیں گی۔درکار تفاعل کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے

$$v(t) = V_0 \left[ u(t) - u(t - 0.5T) + u(t - T) - u(t - 1.5T) + u(t - 2T) - \dots \right]$$

جسے شکل 7.18-الف میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 7.8: اکائی سیڑھی تفاعل سے اوپر جانب بڑھتی سیڑھی تفاعل حاصل کریں۔ سیڑھی کی اونچائی 0.5 رکھیں۔ حل: درج بالا مثال میں اجزاء کو بالترتیب جمع اور منفی کیا گیا۔ یہاں انہیں صرف جمع کیا جاتا ہے یعنی  $v(t) = 0.5 \left[ u(t) + u(t-0.5T) + u(t-T) + u(t-1.5T) + u(t-2T) + \cdots \right]$ 

باب.7.عــار ضي ردعمــال

To Due Discarded Image ]] [[make'and'/tikz/external/mode=list

(الف)

To Due Discarded Image ]]To Due Discarded Image ]] [[make'and'/tikz/external/mode=list [[make'and'/tikz/external/mode=list

 $(\downarrow)$ 

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ت)

شكل 7.19: مثال 7.9 كـ اشكال ـ

جس سے در کار سیر ھی حاصل ہو گی۔ بڑھتی سیر ھی کو شکل 7.18-ب میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 7.19 شکل 7.19-الف میں ایک قطب دو چال کا سونج استعال کیا گیا ہے جو ازل سے دور کو زمین سے ملایا ہوا ہے۔ لمحہ  $t=30~\mathrm{ms}$  پر سونج کو واپس اپنی  $t=0~\mathrm{s}$  پر سونج کو واپس اپنی حالت میں لاتے ہوئے دور کو ایک بار پھر زمین کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ دباو  $v_C(t)$  حاصل کریں۔

حل: سون کے کو پلٹ کر واپس کرنے سے دور اور منبع 30 ms کے لئے جڑتے ہیں۔ یوں دور کو اس دور اپنے کے لئے 10 V ماتا ہے۔ شکل - ب میں اس دباو کو دکھایا گیا ہے۔ شکل - الف میں سون کے اور منبع دباو کی جگہ مستطیل دباو پیدا کرنے والا منبع متا ہے۔ شکل - پ حاصل ہوتا ہے جہاں  $v_p$ 

$$v_p = 10 \left[ u(t) - u(t - 30 \,\mathrm{ms}) \right]$$

کے برابر ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ شکل-پ میں بھی دور کو عین شکل-ب کا دیاو مہیا کیا گیا ہے لہذاان دونوں ادوار کے حل میں کوئی فرق نہیں ہو گا۔

ازل سے داخلی د ہاو صفر کے برابر ہونے کی بنا

$$v_C(0_-) = v_C(0_+) = 0 \,\mathrm{V}$$

7.3. د هر کن

ہو گا۔ دورانیہ  $v_p=10\,\mathrm{V}$  تا  $t=30\,\mathrm{ms}$  ٹیکل-پ میں داخلی دباو  $v_p=10\,\mathrm{V}$  کے برابر ہے للذا کرخوف مساوات رو درج ذیل لکھی جائے گی۔

$$\frac{v_C - 10}{5000} + 2 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v_C}{\mathrm{d}t} = 0$$

اس کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}v_C}{\mathrm{d}t} + 100v_C = 1000$$

کھا جا سکتا ہے جس کے جبری اور فطری حل درج ذیل ہیں۔

$$v_{C,j} = K_1 = 10$$
  
 $v_{C,f} = K_2 e^{-100t}$ 

یوں مکمل حل درج ذیل لکھا جائے گا

$$v_C(t) = 10 + K_2 e^{-100t}$$
  $(0 < t < 30 \,\text{ms})$ 

$$0 = 10 + K_2 e^{-100 \times 0}$$

ہوئے نامعلوم متغیر کی قیمت  $K_2 = -10$  حاصل ہوتی ہے۔ یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

(7.28) 
$$v_C(t) = 10 - 10e^{-100t}$$
 (0 < t < 30 ms)

لمحہ  $t=30\,\mathrm{ms}$  پر داخلی دباو میں دوبارہ یک دم تبدیلی پائی جاتی ہے لہذا اس کمجے کے معلومات اگلے دورانے کے حل  $v_C(0.03_-)$  پر  $t=30\,\mathrm{ms}$  کے لئے در کار ہوں گے۔مساوات 7.28 سے  $t=30\,\mathrm{ms}$  پر  $v_C(0.03_-)$  کی قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$v_C(0.03_-) = v_C(0.03_+) = 10 - 10e^{-100 \times 0.03} = 9.5021 \text{ V}$$

اگلے دورانے لینی  $v_p = 0\,\mathrm{V}$  کا حل تلاش کرتے ہیں۔اس دورانے میں داخلی دباو  $v_p = 0\,\mathrm{V}$  کے برابر ہے للذاشکل۔پ کا کرخوف مساوات رو درج ذیل ہو گا

$$\frac{v_C - 0}{5000} + 2 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v_C}{\mathrm{d}t} = 0$$

باب-7. عبار ضي رد عمسال

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب)

شكل7.20: مشق7.7 كاشكال-

جس كالكمل حل

$$v_C = K_3 e^{-100t}$$
  $(30 \, \mathrm{ms} < t)$   $(30 \, \mathrm{ms} < t)$  ي کرتے ہوئے  $V_C(0.03_+)$  ي  $t = 30 \, \mathrm{ms}$  ي  $t = 30 \, \mathrm{ms}$   $9.5021 = K_3 e^{-100 \times 0.03}$ 

نا معلوم متغیرہ  $K_3 = 190.8554$  حاصل ہوتا ہے لہذا مکمل حل درج ذیل کھا جائے گا۔

$$(7.29) v_C = 190.8554e^{-100t} (30 \,\mathrm{ms} < t)$$

مباوات 7.28 اور مباوات 7.29 کو اکٹھے لکھتے ہوئے اس کا خط

(7.30) 
$$v_C = \begin{cases} 10 - 10e^{-100t} & 0 < t < 30 \,\text{ms} \\ 190.8554e^{-100t} & 30 \,\text{ms} < t \end{cases}$$

شكل-ت مين تصينية بين-

ا گر لمحہ  $v_C$  اور اس کے بعد بھی داخلی دباو  $v_C$  پر بر قرار رہتا تب  $v_C$  نقطہ دار ککیر پر چلتے ہوئے  $v_C$  تک جا پہنچا۔

مثن 7.7: شکل 7.20 الف کو شکل 7.20 ب کا داخلی د باو مہیا کیا جاتا ہے۔ د باو  $v_0$  دریافت کریں۔  $v_0(0 < t < 2) = \frac{30}{29} \left( 1 - e^{-\frac{29}{15}t} \right) \, \cdot \, v_0(t < 0) = 0 \, \mathrm{V} \, \cdot \, v_0(2 < t) = 8.78074 e^{-\frac{11}{15}t}$ 

7.4 دورد کی ادوار

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(الف)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب)

شكل 7.21: دودر جي اد وارب

### 7.4 دودر جی ادوار

شکل 7.21-الف میں L ، R اور C متوازی منبع رو  $i_S(t)$  کے ساتھ جڑے ہیں جبکہ شکل-ب میں منبع دباو کے ساتھ بینوں پرزے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ شکل-الف کی کرخوف مساوات رو اور شکل-ب کی کرخوف مساوات دباو پالترتیب درج ذیل ہیں۔

$$\frac{v(t)}{R} + \frac{1}{L} \int_{t_0}^t v(t) dt + i_L(t_0) + C \frac{dv(t)}{dt} = i_S(t)$$
$$i(t)R + \frac{1}{C} \int_{t_0}^t i(t) dt + v_C(t_0) + L \frac{di(t)}{dt} = v_S(t)$$

یہ مساوات یکساں صورت رکھتے ہیں للمذاان کا حل بالکل یکساں ہو گا۔ان مساوات کا تفرق لے کر ترتیب دینے سے درج ذیل تفرقی مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

$$C\frac{d^2 v(t)}{dt^2} + \frac{1}{R}\frac{dv(t)}{dt} + \frac{v(t)}{L} = \frac{di_S(t)}{dt}$$
$$L\frac{d^2 i(t)}{dt^2} + R\frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{C} = \frac{dv_S(t)}{dt}$$

آپ نے دیکھا کہ دونوں مساوات میں تفرقی جزو کے عددی سر، مستقل مقدار ہیں۔آئیں مستقل عددی سر کے دو درجی تفرقی مساوات کو حل کرنا سیکھتے ہیں۔

متقل عددی سر کے دو درجی تفرقی مساوات کی عمومی صورت درج ذیل ہے جہاں دو درجی تفرق کے عددی سر کو اکائی برابر رکھا گیا ہے۔

(7.31) 
$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + a_1 \frac{dy(t)}{dt} + a_2 y(t) = f(t)$$

باب. 7. عب ارضی رد<sup>عم ل</sup> ل

ایک درجی مساوات کے حل کی طرح یہاں بھی اگر مساوات 7.31 کا جبری حل  $y_j(t)$  ہو اور درج ذیل ہم جنسی مساوات کا فطری حل  $y_f(t)$  ہو

(7.32) 
$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + a_1 \frac{dy(t)}{dt} + a_2 y(t) = 0$$

تب مساوات 7.31 كا مكمل حل

$$(7.33) y(t) = y_j(t) + y_f(t)$$

ہوگا۔ یاد رہے کہ کسی بھی تفرقی مساوات میں جبری قوت کو صفر (f(t)=0) بُر کرنے سے اس کی ہم جنسی مساوات ماصل ہوتی ہے۔ مستقل جبری قوت، یعنی  $K_1 = K_1$  تصور میں جبری حل بھی مستقل ہوگا جسے  $K_1 = K_1$  تصور کرتے ہوئے مساوات 7.31 میں پُر کرتے ہوئے

$$(7.34) y_j(t) = K_1 = \frac{A}{a_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔

ہم جنسی مساوات میں  $a_1=2$ ر $\omega_0$  اور  $a_2=\omega_0^2$  پُر کرنے سے

(7.35) 
$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + 2\zeta \omega_0 \frac{dy(t)}{dt} + \omega_0^2 y(t) = 0$$

حاصل ہوتا ہے جہاں  $\omega_0$  کو (غیر تقصیری) قدرتی تعدد  $\omega_0$  کو تقصیری تناسب  $\omega_0$  کہا جاتا ہے۔ ان کی افادیت جلد سامنے آئے گی۔ مساوات 7.35 ہم جنسی مساوات کی عمومی صورت ہے جو طبیعیات کے دیگر شعبوں میں بھی استعال کی جاتی ہے۔ اس مساوات کا فطری طل

$$y_f(t) = Ke^{st}$$

تصور کرتے ہیں۔ آئیں اس فطری حل کو ہم جنسی مساوات میں پُر کرتے ہیں۔

$$s^2 K e^{st} + 2\zeta \omega_0 s K e^{st} + \omega_0^2 K e^{st} = 0$$

اس کو Ke<sup>st</sup> سے تقسیم کرتے ہوئے

$$(7.36) s^2 + 2\zeta\omega_0 + \omega_0^2 = 0$$

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \text{undamped natural frequency}^{23} \\ \text{damping ratio}^{24} \end{array}$ 

7.4 و دور بی ادوار

حاصل ہوتا ہے جے امتیازی مساوات <sup>25</sup> کہتے ہیں۔اس دو درجی انتیازی مساوات کو s کے لئے عل کرتے ہوئے

(7.37) 
$$s = \frac{-2\zeta\omega_0 \mp \sqrt{4\zeta^2\omega_0^2 - 4\omega_0^2}}{2} \\ = -\zeta\omega_0 \mp \omega_0\sqrt{\zeta^2 - 1}$$

لعني

(7.38) 
$$s_1 = -\zeta \omega_0 + \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1}$$
$$s_2 = -\zeta \omega_0 - \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1}$$

ملتے ہیں۔ یوں دو فطری حل  $K_2e^{s_1t}$  اور  $K_3e^{s_2t}$  ممکن ہیں۔ایسی صورت میں عمومی فطری حل ان کا مجموعہ ہو گا یوں عمومی فطری حل کو

$$y_f(t) = K_2 e^{s_1 t} + K_3 e^{s_2 t}$$
 جہال مستقل کیا جاتا ہے۔  $y(0)$  اور  $y(0)$  کیا جاتا ہے۔  $y(0)$  کیا جاتا ہے۔

مساوات 7.38 پر غور کرنے سے ظاہر ہوتا ہے کہ  $s_1$  اور  $s_2$  کی قیمتوں کا دار وہدار  $\zeta$  کی قیمت پر ہے۔ تین ممکنہ صور تیں پائی جاتی ہیں لیعنی  $s_1$  ،  $\zeta$  > 1 ،  $\zeta$  > 1 اور  $\zeta$  > 5 ہون سے بالترتیب  $s_1$  اور  $s_2$  کی قیمتیں حقیقی اور مختلف، خیالی اور مختلف اور حقیقی اور برابر حاصل ہوتی ہیں۔ آئیں ان تینوں صور توں پر تفصیلاً غور کریں۔

 $\zeta>1$  زیاده مقصور صورت ،

زیادہ مقصور صورت $^{26}$  میں  $s_1$  اور  $s_2$  کی قیمتیں حقیقی اور آپس میں مختلف حاصل ہوتی ہیں۔زیادہ مقصور حالت کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے zeta>1

(7.40) 
$$y_f(t) = K_2 e^{-(\zeta \omega_0 - \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1})t} + K_3 e^{-(\zeta \omega_0 + \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1})t}$$

جو دو عدد، قوت نمائی انحطاطی تفاعل کا مجموعہ ہے۔

characteristic equation<sup>25</sup> over damped condition<sup>26</sup>

ا\_7.عـار ضي ردعمــل

 $\zeta < 1$  مقصور صورت،

کم مقصور صورت  $\zeta < 1^{27}$  میں امتیازی مساوات کے حل،  $s_1$  اور  $s_2$  ، کی قیمتیں خیالی حاصل ہوتی ہیں جنہیں درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(7.41) 
$$s_{1} = -\zeta \omega_{0} + j\omega_{0} \sqrt{1 - \zeta^{2}} = -\sigma + j\omega_{d}$$

$$s_{2} = -\zeta \omega_{0} - j\omega_{0} \sqrt{1 - \zeta^{2}} = -\sigma - j\omega_{d}$$

$$\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{$$

لعني

(7.42) 
$$y_f(t) = e^{-\sigma t} \left( c_1 \cos \omega_d t + c_2 \sin \omega_d t \right)$$

$$= e^{-\zeta \omega_0 t} \left[ c_1 \cos \omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2} t + c_2 \sin \omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2} t \right]$$

کو اور  $j(K_2-K_3)=c_2$  اور  $K_2+K_3=c_1$  اور  $j(K_2-K_3)=c_2$  اور کو اجہاں  $K_2+K_3=c_1$  اور کو اجترائی معلومات سے حاصل کیا جاتا ہے۔  $c_2$ 

مساوات 7.42 میں

$$c_1 = A\cos\theta$$
$$c_2 = A\sin\theta$$

یُر کرتے ہوئے

$$y_f(t) = e^{-\sigma t} (A\cos\theta\cos\omega_d t + A\sin\theta\sin\omega_d t)$$

under damped condition<sup>27</sup>

7.4 و دور کی ادوار

## [[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

لعني

(7.43) 
$$y_f(t) = Ae^{-\sigma t}\cos(\omega_d t - \theta)$$
$$= Ae^{-\zeta\omega_0 t}\cos(\omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2}t - \theta)$$

کھا جا سکتا ہے۔مساوات 7.43 کے مستقل A اور  $\theta$  ہیں جنہیں ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جاتا ہے۔جیسا شکل  $e^{-\zeta \omega_0 t}$  میں دکھایا گیا ہے، مساوات 7.43 قصری ارتعاش  $e^{2}$  کو ظاہر کرتی ہے۔ کم قصری مساوات میں  $e^{-\zeta \omega_0 t}$  قصری ارتعاش کے غلاف $e^{2}$  فطایر کرتی ہے جے شکل میں نقطہ دار کئیر سے دکھایا گیا ہے۔

 $\zeta=1$  فاصل مقصور صورت،

فاصل مقصور صورت  $\zeta=1$  میں

$$(7.44) s_1 = s_2 = -\zeta \omega_0$$

حاصل ہوتے ہیں۔جب  $s_1$  اور  $s_2$  کی قیمتیں ایک دونوں کے برابر  $(s_1=s_2)$  ہوں تب عمومی فطری حل درج فریل کھا جاتا ہے

(7.45) 
$$y_f(t) = K_2 e^{-\zeta \omega_0 t} + K_3 t e^{-\zeta \omega_0 t}$$

جہال دوسرے جزوکو t سے ضرب دیا گیا ہے۔ مساوات کے مستقل  $K_2$  اور  $K_3$  کو ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جہال ہے۔

مثق 7.8: سلسله وار RLC دور میں RLC  $\Omega$  ناسب اور غیر L=5 اور L=5 بین۔ تقصیری تناسب اور غیر تقصیری قدر تی تعدد دریافت کریں۔

damped oscillation<sup>28</sup> envelope<sup>29</sup>

باب.7.عــارضي ردعمــل

## [[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

$$\zeta=0.8944$$
 ،  $\omega_0=0.2236\,\mathrm{rad\,s^{-1}}$  جوابات:

مثق 7.9: متوازی RLC دور میں  $\Omega=2$  ہیں۔ تقصیری تناسب اور غیر تقصیری تعدد دریافت کریں۔ تقصیری قدرتی تعدد دریافت کریں۔

$$\zeta=0.2795$$
 ،  $\omega_0=0.2236\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  جرابات:

C=6 اور L=12 بین۔ دور کارد عمل R=4 دور R=6 اور R=6 بین۔ دور کارد عمل R=6 دار R=6 کی صورت میں کیا ہو گا۔ C=2 اور R=6 کی صورت میں کیا ہو گا۔

 $i_L(0)=2\,\mathrm{A}$  مثال 7.10: شکل 7.23 میں  $v_C(t)$  دریافت کریں جہاں کھہ t=0 پر ابتدائی معلومات  $v_C(t)$  اور  $v_C(0)=4\,\mathrm{V}$ 

7.4 دورر کی ادوار

حل: دور کی کرخوف مساوات لمحہ t=0 کے بعد ککھتے ہیں۔

(7.46) 
$$i(t)R + L\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(t) dt = 12$$

اس میں

$$i(t) = C \frac{dv_C(t)}{dt}$$
$$v_C = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(t) dt$$

پُر کرتے ہوئے

(7.47) 
$$RC\frac{dv_{C}(t)}{dt} + LC\frac{d^{2}v_{C}(t)}{dt^{2}} + v_{C}(t) = 12$$

ملتا ہے۔آئیں مساوات 7.47 کو حل کریں۔

ماوات 7.47 میں دی گئ قیمتیں پُر کرتے ہوئے ترتیب دینے سے درج ذیل ملتا ہے

(7.48) 
$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{3} \frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{v_C(t)}{24} = \frac{1}{2}$$

جس میں جری تفاعل کو صفر کے برابر پُر کرنے سے ہم جنسی مساوات

(7.49) 
$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{3} \frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{v_C(t)}{24} = 0$$

 $y_j(t)=K_1$  تصور عاصل ہوتی ہے۔ مساوات 7.48 میں جری تفاعل ایک مستقل مقدار ہے للذا جری حل کو مستقل  $y_j(t)=K_1$  تصور کرتے ہوئے مساوات 7.48 میں پُر کرتے ہوئے

$$\frac{d^2 K_1}{dt^2} + \frac{1}{3} \frac{dK_1}{dt} + \frac{K_1}{24} = \frac{1}{2}$$
$$0 + 0 + \frac{K_1}{24} = \frac{1}{2}$$

حل کرنے سے

$$v_{C,i}(t) = K_1 = 12 \,\mathrm{V}$$

باب-7.عــار ضي ردعمــل

ملتا ہے۔ یہی جواب شکل 7.23 کو دیکھ کر بھی اخذ کیا جا سکتا ہے جہاں لمحہ t=0 کے بہت دیر بعد، بر قرار حالت کی صورت میں برق گیر کو کھلا دور تصور کرتے ہوئے صاف ظاہر ہے کہ برق گیر کا دباو عین داخلی دباو کے برابر ہو گا۔

ماوات 7.49 میں دی گئی ہم جنسی مساوات سے درج ذیل امتیازی مساوات حاصل ہوتی ہے

$$s^2 + \frac{s}{3} + \frac{1}{24} = 0$$

جس سے  $\frac{1}{\sqrt{24}}$  ہوں اور  $\omega_0=\frac{2}{\sqrt{6}}=0.333$  ہوں اور  $\omega_0=\frac{1}{\sqrt{24}}$  ہوں ساوات کے حل درج ذیل ہیں۔

$$s_1 = -\frac{1}{6} - \frac{j}{6\sqrt{2}}$$
$$s_2 = -\frac{1}{6} + \frac{j}{6\sqrt{2}}$$

ان قیمتوں کو استعال کرتے ہوئے مساوات 7.42 کے تحت فطری حل

$$v_{C,f}(t) = e^{-\frac{t}{6}} \left( c_1 \cos \frac{t}{9\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{t}{9\sqrt{2}} \right)$$

ج جہاں  $\sigma = \omega_0 \zeta = \frac{1}{6}$  اور  $\sigma = \omega_0 \zeta = \frac{1}{6\sqrt{2}}$  استعال کئے گئے۔ یوں مکمل حل درج ذیل ہو ملک علی ہو اور ج

(7.50) 
$$v_C(t) = v_{C,j}(t) + v_{C,f}(t)$$
$$= 12 + e^{-\frac{t}{6}} \left( c_1 \cos \frac{t}{6\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{t}{6\sqrt{2}} \right)$$

جس میں مستقل  $c_1$  اور  $c_2$  معلوم کرنا باقی ہے۔ابتدائی دباو  $v_C(0)=4$  کو مکمل حل میں پُر کرنے سے

$$4 = 12 + e^{-\frac{0}{6}} \left( c_1 \cos \frac{0}{6\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{0}{6\sqrt{2}} \right)$$
$$= 12 + c_1$$

لعيني

$$(7.51) c_1 = -8$$

7.4. دودر ري ادوار

ماتا ہے۔ابتدائی رو  $I_L(0)=2$  کو استعمال کرنے کی خاطر مساوات 7.50 کے دونوں اطراف کو  $I_L(0)=2$  سے ضرب دیتے ہوئے تفرق لیتے ہیں۔

$$\begin{split} C\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} &= -\frac{C}{6}e^{-\frac{t}{6}}\left(-8\cos\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_2\sin\frac{t}{6\sqrt{2}}\right) \\ &\quad + \frac{C}{6\sqrt{2}}e^{-\frac{t}{6}}\left(8\sin\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_2\cos\frac{t}{6\sqrt{2}}\right) \end{split}$$

$$i_{C}(t) = -\frac{1}{3}e^{-\frac{t}{6}} \left( -8\cos\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_{2}\sin\frac{t}{6\sqrt{2}} \right) + \frac{\sqrt{2}}{6}e^{-\frac{t}{6}} \left( 8\sin\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_{2}\cos\frac{t}{6\sqrt{2}} \right)$$

کھاجا سکتا ہے جہاں بائیں ہاتھ  $i_C(t)$  کے برابر ہے اور دائیں ہاتھ C=2 پُر کیا گیا ہے۔ چونکہ  $I_C(t)$  اور  $I_C(t)$  وار جڑے ہیں لہذا  $I_C(t)=i_C(t)=i_C(t)$  ہوگا۔ درجی بالا مساوات میں ابتدائی رو  $I_C(t)=i_C(t)=i_C(t)$  پُر کرتے ہوئے

$$2 = -\frac{1}{3}e^{-\frac{0}{6}} \left( -8\cos\frac{0}{6\sqrt{2}} + c_2\sin\frac{0}{6\sqrt{2}} \right) \\ + \frac{\sqrt{2}}{6}e^{-\frac{0}{6}} \left( 8\sin\frac{0}{6\sqrt{2}} + c_2\cos\frac{0}{6\sqrt{2}} \right)$$

$$c_2 = -\sqrt{8}$$

ملتا ہے۔مساوات کے مستقل جانتے ہوئے مکمل حل کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(7.52) 
$$v_C(t) = 12 + e^{-\frac{t}{6}} \left( -8\cos\frac{t}{9\sqrt{2}} - \sqrt{8}\sin\frac{t}{9\sqrt{2}} \right)$$

اس مساوات سے  $v_{\rm C}=4$  پر  $v_{\rm C}=4$  اور  $v_{\rm C}=0$  حاصل ہوتا ہے۔ پہلا جواب ابتدائی دباوہ ہی ہے جبکہ دوسرا جواب ابدی بر قرار حالت لینی جبری حل ہے۔

باب-7.عــاد ضي ردعمـــال

[[make'and'/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

مثال 7.11: شکل 7.24 میں سونے ازل سے دکھائے گئے حالت میں ہے۔لمحہ t=0 پر اس کو پلٹا یا جاتا ہے۔دور کا رد C=0.5 اور C=0.5 کی صورت میں معلوم کر س۔

حل: لمحہ t=0 کے بعد دور کے کرخوف مساوات ککھتے ہیں۔

$$L\frac{\mathrm{d}i_{(}t)}{\mathrm{d}t} + R_{1}i_{(}t) + v_{C}(t) = 10$$
$$C\frac{\mathrm{d}v_{C}(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v_{C}(t)}{R_{2}} = i(t)$$

میلی مساوات کی رو کو بالائی مساوات میں پُر کرتے ہوئے

$$L\left[C\frac{d^{2}v_{C}(t)}{dt^{2}} + \frac{1}{R_{2}}\frac{dv_{C}(t)}{dt}\right] + R_{1}\left[C\frac{dv_{C}(t)}{dt} + \frac{v_{C}(t)}{R_{2}}\right] + v_{C}(t) = 10$$

لعيني

$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + \left[ \frac{1}{R_2 C} + \frac{R_1}{L} \right] \frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{R_1}{R_2 L C} v_C(t) = \frac{10}{L C}$$

ملتاہے۔پرزوں کی قیمتیں پُر کرنے سے

(7.53) 
$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + 7.9 \frac{dv_C(t)}{dt} + 3v_C(t) = 10$$

حاصل ہوتا ہے جس سے  $\sqrt{3}$  ہوتا ہے جس سے ورد نیادہ قصری میں۔ چونکہ  $\sqrt{3}$  ہوتا ہے جس سے المذا دور زیادہ قصری متعقل جردی قوت کی بنا  $v_{C,j}(t)=K_1$  متوقع ہے جسے مندر جبہ بالا مساوات میں پُر کرنے سے 10

$$v_{C,j} = \frac{10}{3} \,\mathrm{V}$$

7.4. دودر رجی ادوار

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.53 میں جبری قوت کو صفر پُر کرنے، یعنی دائیں ہاتھ کو صفر کے برابر پُر کرنے، سے درج ذیل ہم جنسی مساوات حاصل ہو گی

حاصل ہوتا ہے جس کے دونوں اطراف کو  $e^{st}$  سے تقسیم کرنے سے درج ذیل امتیازی مساوات حاصل ہوتی ہے  $s^2+7.9s+3=0$ 

جس کے حل

$$s_1 = \frac{-1 - \sqrt{7.9^2 - 4 \times 3}}{2} = -7.5$$
$$s_2 = \frac{-1 + \sqrt{7.9^2 - 4 \times 3}}{2} = -0.4$$

ہیں۔ یوں فطری حل درج ذیل ہو گا

$$v_{C,f} = c_1 e^{-7.5t} + c_2 e^{-0.4t}$$

اور مکمل حل

(7.54) 
$$v_C(t) = v_{C,j}(t) + v_{C,f}(t)$$
$$= \frac{10}{3} + c_1 e^{-7.5t} + c_2 e^{-0.4t}$$

ہو گا۔

مساوات کے مستقل حاصل کرنے کے لئے ابتدائی معلومات درکار ہیں۔لمحہ t=0 سے پہلے  $20\,\mathrm{V}$  کی منبع دور کو طاقت فراہم کر رہی تھی۔اس بر قرار صورت میں برق گیر کو کھلا دور اور امالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے

$$v_C(0_-) = v_C(0_+) = 20 \left( \frac{5000}{15000 + 5000} \right) = 5 \text{ V}$$
  
 $i(0_-) = i(0_+) = \frac{20 - v_C}{R_1} = \frac{20 - 5}{15000} = 1 \text{ mA}$ 

با\_\_7.عــار ضي ردعمــل

$$5 = \frac{10}{3} + c_1 e^{-7.5 \times 0} + c_2 e^{-0.4 \times 0}$$

لعيني

$$(7.55) c_1 + c_2 = \frac{5}{3}$$

ملتا ہے۔

$$C\frac{dv_C(t)}{dt} = 0 - 0.5 \times 7.5c_1e^{-7.5t} - 0.5 \times 0.4c_2e^{-0.4t}$$

لعيني

$$i_C(t) = -3.75c_1e^{-7.5t} - 0.2c_2e^{-0.4t}$$

ملتا ہے۔ کمحہ 
$$t=0_+$$
 پر برق گیر کی رودرج بالا مساوات سے

$$i_C(0_+) = -3.75c_1e^{-7.5\times0} - 0.2c_2e^{-0.4\times0}$$
  
= -3.75c\_1 - 0.2c\_2

عاصل ہوتی ہے جبکہ اس کھے پر  $R_2$  کی رودرج ذیل ہوگ۔

$$i_{R2}(0_+) = \frac{v_C(0_+)}{R_2} = \frac{5}{5000} = 1 \,\text{mA}$$

چونکہ 
$$i_L(t)=i(t)$$
 ہی ہے للذا کرخوف مساوات رو کے تحت

$$i_L(0+) = i_C(0+) + i_{R2}(0+)$$
  
 $0.001 = 0.001 - 3.75c_1 - 0.2c_2$ 

لعيني

$$(7.56) c_1 + c_2 = 0$$

7.4 و و در بی اد وار

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(راه ۲

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب)

شكل 7.25:مثال 7.12 كادوريه

ہو گا۔ مساوت 7.55 اور مساوات 7.56 ہمزاد مساوات کو حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$c_1 = -\frac{20}{213}$$
$$c_2 = \frac{125}{71}$$

یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

(7.57) 
$$v_C(t) = \frac{10}{3} - \frac{20}{213}e^{-7.5t} + \frac{125}{71}e^{-0.4t}$$

 $v_C(\infty)=rac{10}{3}~{
m V}$  اور  $\infty=0$  پر متوقع جوابات  $v_C(0_+)=5~{
m V}$  اور  $v_C(\infty)=rac{10}{3}~{
m V}$  ویتی ہے۔

مثال 7.12: شکل 7.25 میں لمحہ t=0 پر سونگے کو امالہ گیر پر لے جایا جاتا ہے۔  $v_0(t)$  دریافت کریں۔پرزوں کی قیمتیں  $C=0.04\,\mathrm{F}$  ،  $R=20\,\Omega$  بین۔

حل: سوئ الله پر كرنے كے بعد كرخوف مساوات لكھتے ہيں

$$v_C(t) + Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + 5 = 0$$

جہاں

$$i(t) = C \frac{\mathrm{d}v_{C}(t)}{\mathrm{d}t}$$

با\_\_7.عــار ضي ردعمــل

کے برابر ہے۔ درج بالا دو مساوات کو ملاتے ہوئے

$$v_C(t) + RC \frac{dv_C(t)}{dt} + LC \frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + 5 = 0$$

ملتا ہے جسے ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{\mathrm{d}^2 v_C(t)}{\mathrm{d}t^2} + \frac{R}{L} \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v_C(t)}{LC} = -\frac{5}{LC}$$

پرزوں کی قیمتیں پُر کرنے سے

$$rac{\mathrm{d}^2 \, v_C(t)}{\mathrm{d}t^2} + 5 rac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + 6.25 v_C(t) = -31.25$$
 ماصل ہوتا ہے جس سے  $\zeta = 1$  ،  $\omega_0 = 2.5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  ماصل ہوتا ہے جس سے  $v_{C,i} = K_1 = -5\,\mathrm{V}$ 

اور ہم جنسی مساوات درج ذیل ملتاہے۔

$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + 5 \frac{dv_C(t)}{dt} + 6.25 v_C(t) = 0$$

$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + 6.25 v_C(t) = 0$$

$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt} + 6.25 v_C(t) = 0$$

$$s^2 + 5s + 6.25 = 0$$
(7.58)

جس کا حل درج ذیل ہے۔

$$s_1 = s_2 = -2.5$$

 $s_1=s_2$  کے تحت دور فاصل قصری ہے اور  $s_1=s_2$  ہی متوقع تھا۔ فاصل قصری مساوات کا فطری حل درج ذیل ہے۔

$$v_{C,f}(t) = c_1 e^{-2.5t} + c_2 t e^{-2.5t}$$

يوں مكمل حل

(7.59) 
$$v_C(t) = -5 + (c_1 + tc_2)e^{-2.5t}$$

7.4. دوور تي ادوار

ہو گا۔ مکمل حل کے مستقل ابتدائی معلومات سے حاصل کی جاستی ہیں۔ ابتدائی معلومات سونے ہلانے سے پہلے بر قرار حال سے ملتی ہیں۔ لمحہ t=0 سے بہلے بر قرار صورت میں برق گیر کو کھلا دور تصور کرتے ہوئے شکل-ب ماتا ہے جہاں سے

$$v_C(0_-) = v_C(0_+) = 20 - 5 = 15 \text{ V}$$
  
 $i_L(0_-) = i_L(0_+) = 0 \text{ A}$ 

 $v_{C}(0_{+})$  پر t=0 میں  $v_{C}(0_{+})$  پر کرنے کھا جا سکتا ہے۔مساوات 7.59 میں

 $15 = -5 + (c_1 + 0 \times c_2)e^{-2.5 \times 0}$ 

سے

$$c_1 = 20$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 7.59 کو استعال کرتے ہوئے

$$i(t) = C \frac{dv_C(t)}{dt}$$
  
= 0.04 \times (-2.5c\_1 + c\_2 - 2.5tc\_2)e^{-2.5t}

کھا جا سکتا ہے۔ لمحہ t=0 بعد شکل الف کو دیکھتے ہوئے  $i_L(t)=-i(t)$  کھا جا سکتا ہے۔ یوں امالہ گیر کی امالہ گیر کی ابتدائی روسے لمحہ t=0 پر t=0 پر t=0 کو درجی بالا مساوات میں پُر کرتے  $i(0_+)=-i_L(0_+)=0$  پر t=0 بہتدائی روسے لمحہ t=0 باتدائی درجی جا کہ میں بگر کرتے t=0 بہتدائی درجی جا کہ میں بیار کی درجی بالا مساوات میں پُر کرتے t=0 بہتدائی درجی جا کہ میں میں بیار کی درجی بالا میں امالہ گیر کی درجی بالا میں بیار کی درجی بیار کی درجی بالا میں بیار کی بیار کی درجی بالا میں بیار کی درجی بالا میں بیار کی بیار کی درجی بالا میں بیار کی بیار کی بیار کی درجی بالا میں بیار کی درجی بیار کی

ہوئے

$$c_2 = 50$$

ملتاہے۔یوں مکمل حل کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_C(t) = v_{C,j}(t) + v_{C,f}(t)$$
  
= -5 + (20 + 50t) $e^{-2.5t}$  V

ہیں  $v_0(t)$  ورکار ہے جے شکل -الف سے دیکھ کر ککھتے ہیں۔

(7.60) 
$$v_0(t) = 5 + v_C(t) = (20 + 50t)e^{-2.5t} V$$

باب-7.عــار ضي ردعمــال

[[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

[[make'and`/tikz/external/mode=listToDueDiscardedImage]]

L= ،  $R_2=22\,\Omega$  ،  $R_1=8\,\Omega$  مثق 7.11: شکل 7.26 میں وریافت کریں۔پرزوں کی قیتیں  $v_0(t)$  وریافت کریں۔پرزوں کی جانب  $C=0.04\,\mathrm{F}$  اور  $C=0.04\,\mathrm{F}$ 

$$v_0(t) = 20 + i_0(t)R_2$$
 ،  $i_0(t) = 2.77e^{-3.8964t} - 2.103e^{-1.6043t}$  . وابات:

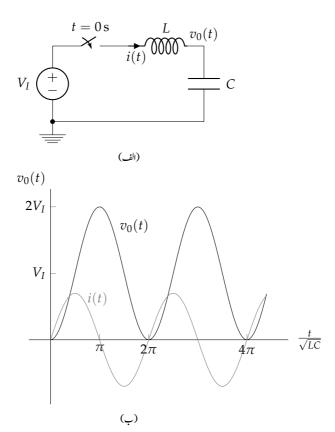
مثق 7.12: شکل 7.27 میں سو کچ جالو کرنے کے بعد i(t) دریافت کریں۔

 $i(t) = 3 + 1.3035e^{-17.071t} - 6.035e^{-2.9289t}$  . باب:

آئیں عارضی روعمل کے چند دلچسپ مثال دیکھیں۔

مثال 7.13: صفحہ 298 پر مثال 7.1 میں سلسلہ وار جڑے مزاحت اور بے بار برق گیر کو لمحہ  $V_I$  وولٹ  $V_I$  وولٹ کے منبع دباو کے ساتھ جوڑا گیا۔ برق گیر پر دباو صفر وولٹ سے بڑھتے بڑھتے آخر کار  $V_I$  تک پہنچتی ہے۔ اس دور میں مزاحمت کی قیمت کم کرنے سے ابتدائی روکی قیمت بڑھتی ہے حتٰی کہ R=0 کی صورت میں، توقع کے عین مطابق،

7.4. دودر ر کی ادوار



شكل 7.28: مثال 7.13 كااشكال

لا محدود قیمت کی ابتدائی روحاصل ہوتی ہے۔ حقیقی ادوار میں مزاحت کو بالکل صفر اوہم کرناناممکن ہوتا ہے لہذا حقیقت میں لا محدود روکی بجائے انتہائی زیادہ رویائی جائے گی جویا تو سونچ کو اوریا برق گیر کو تباہ کر دے گی۔

آئیں مزاحمت کی جگہ امالہ گیر نب کرتے ہوئے صورت حال دیکھیں۔شکل 7.28-الف میں بے بار برق گیر کے ساتھ امالہ گیر سلسلہ وار جڑا ہے۔ لحمہ t=0 پر انہیں مستقل منبع دباو  $V_I$  کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ لحمہ t=0 دریافت کریں۔

حل: سونچ چالو کرنے سے پہلے برق گیر بے بار ہے للذااس پر دباو بھی صفر وولٹ ہو گا۔اسی طرح امالہ گیر کی ابتدائی رو

باب-7.عــاد ضي ردعمـــال

صفر ہے۔

(7.61) 
$$v_{C}(0_{+}) = 0 \text{ V}$$
$$i_{L}(0_{+}) = 0 \text{ A}$$

سو کچ چالو کرنے کے بعد کی کرخوف مساوات لکھتے ہیں۔

(7.62) 
$$L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) \, \mathrm{d}t + v_C(0_+) = V_I$$

مساوات 7.61 کے ابتدائی معلومات کو استعال کرتے ہوئے ہم دیگر ابتدائی معلومات درج بالا مساوات سے حاصل کر سکتے ہیں۔ لمحہ  $t=0_+$  یعنی سونج چالو کرنے کے فوراً بعد، درج بالا مساوات میں ابتدائی معلومات پُر کرتے ہوئے حل کرنے ہیں۔ لمحہ سے

$$L\frac{\mathrm{d}i(0_{+})}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_{0}^{0_{+}} i(t) \, \mathrm{d}t + v_{C}(0_{+}) = V_{I}$$
$$L\frac{\mathrm{d}i(0_{+})}{\mathrm{d}t} + 0 + 0 + 0 = V_{I}$$

لعيني

$$\frac{\mathrm{d}i(0_{+})}{\mathrm{d}t} = \frac{V_{I}}{L}$$

حاصل ہوتا ہے جو ابتدائی شرح روہے۔ یہی جواب،  $v_C(0_+)=0$  تصور کرتے ہوئے، شکل 7.28 کو دیکھ کر لکھا جا سکتا ہے۔

ماوات 7.62 میں کمل کا نشان ختم کرنے کی خاطر تفرق لیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}^2 i(t)}{\mathrm{d}t^2} + \frac{i}{LC} = 0$$

تفرقی مساوات حاصل ہوتی ہے جس سے جبری حل

$$i_j(t) = K_1 = 0$$

حاصل ہوتا ہے۔ تفرقی مساوات سے درج ذیل امتیازی مساوات حاصل ہوتی ہے

$$s^2 + \frac{1}{LC} = 0$$

7.4. دودر کی ادوار

جس کے حل درج ذیل ہیں۔

$$s_1 = \frac{j}{\sqrt{LC}}$$
$$s_2 = -\frac{j}{\sqrt{LC}}$$

یوں فطری حل درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$i_f(t) = Ae^{j\frac{t}{\sqrt{LC}}} + Be^{-j\frac{t}{\sqrt{LC}}}$$

$$= (A+B)\cos\frac{t}{\sqrt{LC}} + j(A-B)\sin\frac{t}{\sqrt{LC}}$$

$$= c_1\cos\frac{t}{\sqrt{LC}} + c_2\sin\frac{t}{\sqrt{LC}}$$

مکمل حل

$$i(t) = i_j(t) + i_f(t) = c_1 \cos \frac{t}{\sqrt{LC}} + c_2 \sin \frac{t}{\sqrt{LC}}$$

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} = \frac{c_2}{\sqrt{LC}}\cos\frac{t}{\sqrt{LC}}$$

ابتدائی  $\frac{\mathrm{d}i(0_+)}{\mathrm{d}t}$  پُرکرنے سے

$$\frac{V_I}{L} = \frac{c_2}{\sqrt{LC}} \cos \frac{0}{\sqrt{LC}}$$

مستقل کی قیت  $V_1\sqrt{rac{C}{L}}$  حاصل ہوتی ہے۔یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

(7.64) 
$$i(t) = V_I \sqrt{\frac{C}{L}} \sin \frac{t}{\sqrt{LC}}$$

اس مساوات کو استعال کرتے ہوئے برق گیر پر دباو  $v_0(t)$  درج ذیل مساوات

$$v_0 = \frac{1}{C} \int_0^t i(t) dt + v_C(0_+)$$

با\_\_7.عبارضي ردعمسل 338

 $v_0 = V_I \left( 1 - \cos \frac{t}{\sqrt{I.C}} \right)$ (7.65)

حاصل کرتے ہیں جسے شکل 7.28-پ میں دکھایا گیا ہے۔

مباوات 7.65 میں حاصل نتیجہ جسے شکل 7.28-ب میں د کھایا گیا ہے غور طلب ہے۔اس مباوات کے تحت جب بھی برق گیر کو سوئچ کے ذریعے منبع دباو کے ساتھ جوڑا جائے، برق گیر پر منبع دباو کی دگنی چوٹی حاصل ہو گی۔اس شکل میں ہلکی ، ساہی سے مساوات 7.64 کو بھی د کھایا گیا ہے۔ دیاو کی چوٹی عین اس وقت پائی حاتی ہے جب رو کی قیمت صفر ہو۔

قوی برقیات میں بدلتی رو<sup>30</sup> سے یک سمتی رو<sup>31</sup> بذرایعہ سمت کار<sup>32</sup> حاصل کی جاتی ہے۔سمت کار صرف ایک سمت میں رو گزارتا ہے۔یوں عین اس لمجہ جب دور میں رو کی قبت منفی ہونے کی کوشش کرے، سمت کار رو گزار ناروک دیتا ہے اور برق گیر دگنی دباویر رہ جاتا ہے۔ قوی برقیات کے میدان میں اس حقیقت کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے اور جہاں اس د گنی دیاو کی پینچ ہو، وہاں استعال کئے گئے برزوں کی استعداد د گئی دیاو سے زیادہ ہونی لازمی ہے۔یوں 100 کی یک سمتی منبع کے ساتھ کم از کم 200 V پر کام کرنے والا برق گیر استعال کیا جائے گا۔ یہاں یہ بتلانا بھی ضروری ہے آپ کسی صورت یہ نہ فرض کر لیں کہ چونکہ آپ نے دور میں امالہ نسب نہیں کیا لہٰذا آپ کو اس مسئلے سے واسطہ نہیں ا ہے چونکہ منبع اور برق گیر کو آپس میں جوڑنے والی تار اذخود بطور امالہ گیر کردار اداکرتی ہے۔ منبع دباو اور برق گیر کو بغیر تار کے آپس میں جوڑنے سے بھی منبع دباو اور برق گیر کی اندرونی لمبائی جس سے رو گزرتی ہے بطور امالہ گیر کردار ادا کرے گ۔میاوات 7.65 سے ظاہر ہے کہ امالہ کی قیت کم سے کم کرنے سے دیاو کی پہلی چوٹی جلد سے جلد حاصل ہوتی ہے اور مساوات 7.64 کے تحت رو کی چوٹی زیادہ سے زیادہ ہوتی ہے۔امالہ گیر کے استعمال سے ابتدائی رو کو قابل قبول حد تک رکھا حاتا ہے۔ قوی پر قبات میں ابتدائی رو قابو کرنے کی خاطر امالہ گیر کی جگہ مزاحت اس لئے استعال نہیں کیا جاتا کہ مزاحت طاقت ضائع کرتی ہے جبکہ امالہ گیر طاقت ضائع نہیں کرتی۔

alternating current, AC<sup>30</sup>

direct current, DC31

rectifier<sup>32</sup>

7.4 د وو در تی ادوار

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(ب)

(الف)

ToDueDiscardedImage]] [[make'and`/tikz/external/mode=list

(پ)

شكل7.29:مثال7.14 كےاشكال ـ

مثال 7.14: قوی بوقیات 33 کے میدان میں برقی طاقت کو قابو کیا جاتا ہے۔ یہ طاقت چند واٹ W سے کئی سومیگا واٹ MW تک ہو سکتی ہے۔ شکل 7.29-الف میں مزاحمت  $R_L$  کو سونچ کے ذریعہ منبع دباو سے طاقت فراہم کی گئی ہے۔ سنبع اور مزاحمت کے در میان امالہ گیر ہے۔ سنبع اور مزاحمت کے در میان امالہ گیر بھی موجود ہے۔ مجھی موجود ہے۔

فرض کریں کہ سونچ آتی دیر سے چالو ہے کہ دور بر قرار صورت اختیار کئے ہوئے ہے۔ یوں امالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے

$$i_L = \frac{V_I}{R_L} = I_0$$

کھ جا سکتا ہے۔ شکل - ب میں امالہ گیر اور  $R_m$  متوازی جڑے دکھائے گئے ہیں جہاں امالہ گیر کی ابتدائی رو  $I_0$  ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایس صورت میں امالہ گیر کی رو درج ذیل مساوات کے تحت آخر کار صفر ہو جائے گ

$$i_L(t) = I_0 e^{-\frac{R}{L}t}$$

اور اس دوران اس پر برقی د باو

$$v_L(t) = L \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} = -\frac{R}{L} I_0 e^{-\frac{R}{L}t}$$

پایا جائے گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ امالہ گیر پر دباو منفی ہو گا لینی برتی دباو شکل-ب میں دکھائے گئے  $v_L(t)$  کے الث ہو گا۔ اب شکل-الف پر دوبارہ غور کریں جہاں سونج منقطع ہونے کے بعد امالہ گیر کے متوازی لا محدود قیمت کی مزاحمت پائی جائے گی۔ یوں درج بالا مساوات میں دباوکی قیمت منفی اور لا محدود ہوگی۔

$$v_L(t) = -\frac{\infty}{L} I_0 e^{-\frac{\infty}{L}t}$$

power electronics $^{33}$ 

باب-7. عبارضي رد عمسال

امالہ گیرکی رو جلدی سے منقطع کرنے سے پیدا دباو کو امالی لات<sup>34</sup> کہتے <sup>35</sup> ہیں۔ لامحدود دباو سونج پر شعلہ پیدا کرتا ہے جس سے سونج حجلس سکتا ہے۔ قوی بر قیات کے میدان میں کام کرنے والوں کے لئے امالی لات ایک مسلسل درد سر ثابت ہوتا ہے۔

سونچ پر دباوکی قیمت قابو کرنے سے شعلہ روکا جا سکتا ہے۔ دباوکی قیمت تبدیلی روکی شرح پر منحصر ہے للذااس شرح کو کم کم کرتے ہوئے دباوپر قابو پایا جا سکتا ہے۔شکل-پ میں سونچ کے متوازی RC جوڑے گئے ہیں۔شکل-پ میں سونچ متقطع کرنے سے رویک دم صفر نہیں ہو جاتی بلکہ اس کی سمت RC کی طرف مڑ جاتی ہے للذا امالہ گیر میں رو بر قرار رہتی ہے اور لامحدود دباوپیدا ہونے کا جواز ہی نہیں رہتا۔آئیں R ، L اور C کی قیمتیں حاصل کرنا سیکھیں۔

تصور کریں کہ  $V_I=5$  اور  $I=7.5\,\mu$  اور  $I=7.5\,\mu$  ہیں۔یوں بر قرار چالو سوئچ میں امالہ گیر کی رو درج ذیل ہو گی جے سوئچ منقطع کرتے وقت کی ابتدائی رولیا جاتا ہے۔

$$i_L(0_-) = i_L(0_+) = \frac{5 \text{ V}}{2 \text{ A}} = 2.5 \text{ A}$$

بر قرار چالو سوئ کی صورت میں برق گیر پر د باو صفر ہو گا۔

$$v_C(0_-) = v_C(0_+) = 0 \,\mathrm{V}$$

سو کچ منقطع کرنے کے بعد دور سلسلہ وار RLC صورت اختیار کر لیتا ہے جس کی تفرقی مساوات درج ذیل ہے۔

$$7.5 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + (2+R)i(t) + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) \, \mathrm{d}t + v_C(0_+) = 5$$

اس سے امتیازی مساوات حاصل کرتے ہیں۔

$$s^{2} + \left(\frac{2+R}{L}\right)s + \frac{1}{LC} = s^{2} + 2\zeta\omega_{0}s + \omega_{0}^{2} = 0$$

اور  $\zeta=1$  اور  $\zeta=366\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$  اور  $\zeta=1$ 

$$C = 0.99 \,\mu\text{F}$$
$$R = 0.49 \,\Omega$$

حاصل ہوتا ہے۔

inductive kick<sup>34</sup> <sup>35</sup>اییامعلوم ہوتاہے جیسے امالہ گیر غصے میں آکر لات مار تاہے۔ 7.4. دودر رجی ادوار

اب سوئج منقطع کرتے وقت کے دباوپر غور کرتے ہیں۔ چونکہ برق گیر کی ابتدائی دباو صفر وولٹ ہے للذا سوئج منقطع کرنے کے فوراً بعد اس پر ۷۷ ہی ہو گا۔اس لمحہ سوئج پر دباو

$$v_0(0_+) = i(0_+)R + v_C(0_+) = 2.5 * 0.49 + 0 = 1.225 \text{ V}$$

ہو گا۔ سونچ کے متوازی RC نسب کرنے سے بے قابو بڑھتے ہوئے دباو پر قابو پاتے ہوئے دباو کو قابل قبول حد تک محدود کیا جاتا ہے۔ قوی بر قیات کے میدان میں سونچ کے متوازی RC نسب کرنا لازمی ثابت ہوتا ہے۔ دباو کی روک تھام کی خاطر سونچ کے متوازی RC دور کو دباو یکڑ<sup>66</sup> کہتے ہیں۔

 $\mathrm{snubber}^{36}$ 

باب.7.عسار ضى ردغمسال