# برقی ادوار

خالد خان بوسفر کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

# عنوان

1																															بنياد	1
1																					او	دب	قى	ر بر	و او	ی ر	برق	بار،	برقى		1.1	
5																												اوہم	قانونِ		1.2	
6																										اقت	_ ط	ل اور	توانائي		1.3	
11																											2	پرز_	برقى		1.4	
11																							ع	ع من	تابع	غير		1	.4.1			
13																								ځ	منب	تابع		1	.4.2			
21																													ادوار	متى	مزاح	2
21																												اوہم	قانون		2.1	
27																										ٺ	چاف	کر.	قوانين		2.2	
39																					و	ے ر	مير	وں	، پرز	و کے	ج.	ہ وار	سلسل		2.3	
40																											و	م دبا	تقسي		2.4	

اب 1

بنياد

اس کتاب میں بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی ہے جس کے چند بنیادی اکایاں کلو گرام ( kg )، میٹر ( m )، سینڈ ( s )اور کیلون ( K ) ہیں۔ان اکایوں کے ساتھ عموماً شکل 1.1 میں دکھائے گئے ضربے استعال کئے جاتے ہیں جن سے آپ بخوبی واقف ہیں۔

### 1.1 برقی بار، برقی رو اور برقی دباو

اس کتاب میں بوقی باد 2 اور بوقی رو 3 کلیدی کردار ادا کریں گے۔ برقی بارکی اصطلاح کو چھوٹا کر کے صرف بوق یا صرف بارکی اصطلاح استعال کی جائے گی جبکہ برقی روکہتے ہیں۔چونکہ بارکی حرکت سے توانائی ایک مقام سے دوسرے مقام منتقل ہوتی ہے لہذا ہماری دلچیسی کا مرکز برقی روہوگی۔

موصل تارکی مدد سے برتی پرزہ جات کو مختلف انداز میں آپس میں جوڑنے سے بوقی دور احاصل ہوتا ہے۔ جیسے پائپ سے پانی کو ایک مقام سے دوسرے مقام تک منتقل کیا جاتا ہے، بالکل اسی طرح برتی دور میں ایک نقطے سے دوسرے نقطے تک بار موصل تارکے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ یوں اگر پانی کو بار تصور کیا جائے گا۔ برتی ادوار سیجھنے میں یہ مثابہت مدد گارثابت ہوتی ہے۔

کسی بھی نقطے پر برقی روسے مراد اس نقطے سے فی سینڈ گزرتا بار ہے۔رواور بار کے تعلق کو تفرقی 5 صورت میں یوں

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

SI system<sup>1</sup> electric charge<sup>2</sup> electric current<sup>3</sup> electric circuit<sup>4</sup> differential form<sup>5</sup>

$10^{-12}$	10-9	10-6	$10^{-3}$	100	103	106	109	10 <sup>12</sup>
p	n	µ	m		k	M	G	T
pico	nano	micro	milli		kilo	mega	giga	tera
پیکو	نینو	مائيكرو	مِلٰی		کِلو	میگا	گیگا	ٹیرا

شکل 1.1: بین الاقوامی نظام اکائی کے ضربیر۔

باب 1. بنیاد



شکل 1.2: برقی رو کو بیان کرنے کے درست طریقے۔

اور تکملہ صورت<sup>6</sup> میں یوں

$$q = \int_{-\infty}^{t} i \, \mathrm{d}t$$

i ککھا جا سکتا ہے جہاں برقی بار کو g سے ظاہر کیا گیا ہے اور برقی روکو i سے ظاہر کیا گیا ہے۔بدلتے متغیرات کو انگریزی کے چھوٹے حروف تبجی مثلاً i یا g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جائے گا۔

بارکی اکائی کو تکو لمب<sup>7</sup> کہتے ہیں جے C کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ روکی اکائی کو ایمپیئر <sup>8</sup> کہتے ہیں۔ایمپیئر کی علامت A ہے۔اگر تار سے ایک سینڈ دورانیے میں ایک ایمپیئر کی برقی روپائی جائے گی۔

روایتی طور پریہ تصور کیا جاتا تھا کہ مثبت بار کے حرکت سے برقی رو پیدا ہوتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ حقیقت میں موصل تار میں مثبت ایٹم ساکن ہوتے ہیں اور آزاد منفی الیکٹران کے حرکت سے رو پیدا ہوتی ہے۔اس حقیقت کے باوجود، تصور کیا جاتا ہے کہ مثبت بارکی حرکت برقی روکو جنم دیتی ہے۔شکل۔
الف میں فی سکنڈ 3 کا بار بائیں سے دائیں جانب منتقل ہو رہا ہے جبکہ شکل۔ب میں فی سکنڈ 2 کا بار دائیں سے بائیں جانب منتقل ہو رہا ہے۔یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ برقی روکی مقدار اور سمت دونوں بیان کرناضروری ہیں۔

غیر متغیر برقی رو کو یک سمتی رو <sup>9</sup> کہتے ہیں۔ یک سمتی رو کی مقدار وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی۔وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی برقی رو کو بدلتی رو <sup>10</sup> کہتے ہیں۔ان دونوں کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔موبائل کی بیٹری یک سمتی رو پیدا کرتی ہے جبکہ گھریلو پٹکھا بدلتی روسے چلتا ہے۔

شکل 1.3-الف میں 50 کی مزاحمت میں 4A کی روپائی جاتی ہے۔اس مزاحمت کے دونوں سرے مزید پرزہ جات سے جڑے ہیں جنہیں شکل میں نہیں دکھایا گیا ہے۔شکل-ب تا شکل-ٹ میں مزاحمت پر دباواور مزاحمت میں رو کو مختلف طریقوں سے لکھا گیا ہے۔کسی بھی دو متغیرات کو کل چار انداز

integral form

 $Coulomb^7$ 

Ampere<sup>8</sup>

direct current, DC<sup>9</sup>

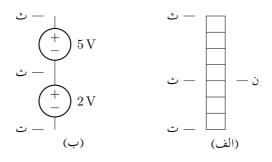
alternating current,  $AC^{10}$ 

$$I = -4 \,\mathrm{A}$$
  $\Rightarrow$   $V = 20 \,\mathrm{V}$   $\Rightarrow$   $Y = 20 \,\mathrm{$ 

شکل 1.3: مزاحمت کی رو اور دباو لکھنے کے چار ممکنہ طریقے۔

شکل 1.4: انفعالی سمت کر ترکیب کی پہچان۔

باب1. بنیاد



شكل 1.5: برقى دباو مين نقطه حواله كي ابميت.

میں لکھا جا سکتا ہے۔ یہی دوعدد متغیرات یعنی دباواور رو کے لئے بھی درست ہے للذا انہیں لکھنے کے کل چار طریقے ہیں۔ شکل 1.4 میں برقی دباواور برقی رو کے مقدار لکھے بغیر یہی چار طریقے و دبارہ دکھائے گئے ہیں۔ ان میں شکل - ب اور شکل - ٹ کے طرز کو انفعالی سمت کی ترکیب ۱۱ کہتے ہیں۔ انفعالی سمت کی ترکیب میں دباو کا اور رو ا کی سمتیں یوں چننی جاتی ہیں کہ برقی پرزے میں رو مثبت سرے سے داخل ہوتی ہے۔ یوں شکل - ب میں مزاحمت کی ترکیب میں اسی سرے کو دباو کا مثبت سرا چنا گیا ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سر ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سرے لکے انتقالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی درست سمتوں کا کوئی کر دار نہیں۔ قانونِ او ہم 1 اور طاقت کے حساب میں انفعالی سمت کی ترکیب استعال کیا جاتا ہے۔

انفعالی سمت کی ترکیب میں برقی پرزے پر دباوکی سمت چننے کے بعد روکی سمت یوں چننی جاتی ہے کہ چنے گئے دباو کے مثبت سرسے پرزے میں رو داخل ہو۔

عام زندگی میں اونچائی کو زمین سے ناپا جاتا ہے جہاں زمین کی اونچائی صفر کے برابر لی جاتی ہے۔یوں اونچائی کے ناپ میں زمین کو نقطہ حوالہ 13 لیا جاتا ہے۔شکل 1.5-الف میں سات منزلہ عمارت و کھائی گئی ہے۔اگر زمین نقطہ ت پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہونے کی صورت میں نقطہ ن منفی چار پر ہوگا۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ نقطہ ن کی حتمی اونچائی کوئی معنی نہیں رکھتی۔اونچائی صرف اس صورت میں معنی خیز ہوتی ہے جب نقطہ حوالہ بھی بیان کیا جائے۔ برتی دباو بھی بالکل اونچائی کی طرح ناپی جاتی ہوئی ہے۔یوں شکل 1.5-ب میں نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ٹ مثبت دو وولٹ 2V پر ہے جبکہ نقطہ ث کے حوالے سے نقطہ ٹ منفی پانچ وولٹ 5V پر ہیں۔نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ ش کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ شاہ کے حوالے سے نقطہ ش 7V پر ہے۔اس طرح نقطہ شاہ کی برتی دباو صفر تصور کی جاتی ہے۔

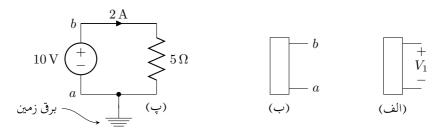
passive sign convention<sup>11</sup>

Ohm's law

reference<sup>13</sup>

electrical ground<sup>14</sup>

1.2. قانونِ اوبم



شكل 1.6: برقى دباو كا اظهار.

یا  $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$  بالائی تارکی برقی دباو  $V_b=10\,\mathrm{V}$  کامی جا سکتی ہے جہاں زیر نوشت میں نقطہ حوالہ کا ذکر نہیں کیا گیا۔ شکل - پ میں اب بھی  $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$  یا  $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$  کی اس کی جا سکتا ہے۔  $V_{ab}=10\,\mathrm{V}$ 

#### 1.2 قانونِ اوہم

قانون اوہم 15 سے آپ بخوبی واقف ہیں

$$(1.3) V = IR$$

جو مزاحمت کی برقی رواور مزاحمت کی برقی و ہاوکا تعلق بیان کرتا ہے۔ اس قانون  $^{1}$  کے استعال میں دباو V اور رو I کو انفعالی سمت کی ترکیب سے چننا جاتا ہے۔ شکل I 1.7 میں ایک عدد مزاحمت اور دو عدد منبع دباوکا دور دکھایا گیا ہے۔ برقی زمین کے حوالے سے مزاحمت کے بائیں سرے پر V 5 اور دائیں سرے پر V 9 دباو پایا جاتا ہے۔ قانون او ہم میں مزاحمت کے دو سرول کے مابین برقی و باو استعال کیا جاتا ہے۔ یوں مزاحمت کے ایک سرے کو حوالمہ لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سر کے بائیں جاتی سرابطور حوالہ چننا گیا ہے جبکہ مزاحمت کے دائیں سرے لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سر کے بائیں جانب V کے علامت سے ظاہر پر برقی دباو استعال کی جائے گی۔ یہ حقیقت مزاحمت کے قریب V کے بائیں جانب V کی علامت اور دائیں جانب V کی علامت سے ظاہر کی جاتے گی۔ شکل الف میں یوں

$$V_R = 9 - 5 = 4 \,\mathrm{V}$$

ہو گا جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{V_R}{R} = \frac{4}{8} = 0.5 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔حاصل برقی روکی قیمت مثبت مقدار ہے جس کا مطلب ہے کہ روکی سمت وہی ہے جو شکل-الف میں چننی گئی ہے۔

شکل 1.7-ب میں مزاحمت کا دایاں سرا بطور نقطہ حوالہ چننا گیا ہے۔ یوں  $V_R$  کے دائیں جانب (-) کی علامت لگائی گئی ہے۔ انفعالی سمت کی ترکیب کے تحت روکی سمت بائیں سے دائیں کو چننی گئی ہے۔ یہاں

$$V_R = 5 - 9 = -4 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{-4}{8} = -0.5 \,\text{A}$$

Ohm's  $law^{15}$ 

<sup>16</sup> یہ قانون جرمنی کے جارج سائمن اوہم نے پیش کیا۔

 $\frac{1}{2}$  باب  $\frac{1}{2}$ 



شكل 1.7: قانونِ اوہم اور انفعالي سمت كي تركيب.



شكل 1.8: قانونِ اوہم كا صحيح استعمال.

حاصل ہوتا ہے۔ شکل - ب میں  $V_R$  کی قیمت منفی حاصل ہوئی جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں مزاحمت پر برقی دباو چننی گئی ست کے الٹ ہے۔ اس طرح رو  $I_R$  کی قیمت ہوئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو چننی گئی سمت کے الٹ ہے لیعنی برقی رو حقیقت میں دائیں سے بائیں جانب کو ہے۔

شكل 1.8 ميں قانون اوہم كا صحيح استعال د كھايا گيا ہے۔

## 1.3 توانائي اور طاقت

h فقلی میدان m پر قوت m و m مگل کرتا ہے جہاں  $g=9.8 \frac{m}{s^2}$  برابر ہے۔یوں ثقلی میدان کے مخالف m کو m بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh توت عمل بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh فوت عمل کرتا ہے اور برقی میدان کے مخالف m فاصلے تک بار کو منتقل کرنے کی خاطر

$$(1.4) w = qEh$$

توانائی در کار ہے۔ برقی میدان میں ابتدائی نقطے سے اختتامی نقطے تک اکائی برقی بار منتقل کرنے کے لئے در کار توانائی کو ابتدائی نقطے کے حوالے سے اختتامی نقطے کی برقی دباو کہا جاتا ہے۔

gravitational field<sup>17</sup> electric field<sup>18</sup>

1.3. توانائي اور طاقت

مثال 1.1: برقی میدان  $E=600 \frac{V}{m}$  میں 0.2C بار قوت کے مخالف  $12 \, \mathrm{mm}$  فاصلہ دُور منتقل کیا جاتا ہے۔درکار توانائی حاصل کریں۔ابتدائی نقطہ i اور اختتامی نقطہ i کے مابین برقی دباو حاصل کریں۔

حل: در کار توانائی

 $w = 0.2 \times 600 \times 0.012 = 1.44 \,\mathrm{J}$ 

کے برابرہے جبکہ برقی دباو

$$V_{ki} = \frac{1.44}{0.2} = 7.2 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے۔

مساوات 1.4 کی تفرقی صورت

dw = Eh dq

ککھی جا سکتی ہے جو چھوٹی برتی بار dq کو منتقل کرنے کے لئے درکار توانائی dw دیتی ہے۔ یوں اکائی بار کو منتقل کرنے کی خاطر dw توانائی درکار ہو گی جے برتی دباو v کہتے ہیں یعنی

$$v = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

مساوات 1.5 کو مساوات 1.1 سے ضرب دینے سے

$$v \times i = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q} \times \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t} = p$$

حاصل ہوتا ہے جو طاقت 19 کو ظاہر کرتا ہے۔ فی سینٹر در کار توانائی کو طاقت کہتے ہیں۔طاقت کی اکائی واٹ 20 سے۔مندرجہ بالا مساوات کی تکملہ صورت درج ذیل ہے۔

(1.7) 
$$w = \int_{t_1}^{t_2} p \, \mathrm{d}t = \int_{t_1}^{t_2} vi \, \mathrm{d}t$$

آئیں ان معلومات کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 1.9 پر غور کریں جہاں 10 V کی منبع بوقی دباو 21 کے ساتھ 50 کی بوقی مزاحمت22 جوڑی گئی ہے۔اس دور میں برقی روکو منبع پیداکرتی ہے لہذا منبع کو فعال پرزہ 23 جبکہ مزاحمت کو انفعال پرزہ 24 کہا جاتا ہے۔انفعالی سمت کمی ترکیب کا نام اس حقیقت سے نکلاہے کہ اس ترکیب کے استعال سے انفعالی پرزہ جات پر مثبت طاقت حاصل ہوتا ہے۔

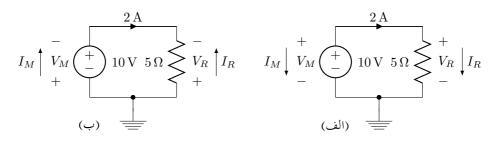
passive component<sup>24</sup>

power<sup>19</sup>

voltage source<sup>21</sup>

electrical resistance<sup>22</sup> active component<sup>23</sup>

ابا-1. بنیاد



شكل 1.9: طاقت كى بيداوار اور طاقت كا ضياع.

قانون او ہم 25 کے تحت شکل 1.9 کے دور میں سمت گھڑی 2 A کی برتی رو پائی جائے گی جے دور میں بالائی تار پر تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔دور میں او ہم 2 کے بحت شکل 1.9 برتی روسے مراد ہیہ ہے کہ دور میں کئی تھلے پر اگر دیکھا جائے تو اس نقطے سے فی سینڈ 2 C بار گزرے گا۔ اس دور میں مجلی تارک حوالے سے بالائی تارپر مثبت دس وولٹ کی دباو ہے۔ یوں مزاحمت کے بالائی یعنی مثبت سرے سے مزاحمت کے نچلے یعنی منفی سرے کی جانب فی سینڈ دو کولب بار منتقل ہوتا ہے۔ یہ بالکل ایسا ہی ہے جیسے نقلی میدان میں بلند مقام سے میکانی بار گررہا ہو۔دو کولب کا بار دس وولٹ نیچ گرتے ہوئے 20 J کی مغفی توانائی 2 کو حوارتی توانائی 20 میں تبدیل ہو کر مزاحمت کو گرم کرے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 لی کو خوارتی ضیاع 30 اور مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 کے نیاں کہ مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 31 اور مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 20 اور مزاحمت میں عالم کے تبیں۔

انفعالی سمت کی ترکیب استعال کرتے ہوئے ہم شکل 1.9-الف میں منبع کی دباو کو  $V_M$  اور مزاحمت کی دباو کو  $V_R$  چننے کے بعد ان دباو کے مثبت سر سے منفی سرکی جانب روکی سمت چنتے ہیں۔ یوں حاصل منبع کی برقی رو  $I_M$  اور مزاحمت کی برقی رو  $I_R$  کو شکل-الف میں دکھایا گیا ہے۔ شکل- کو دیکھتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$V_M = 10 \text{ V}$$
 $V_R = 10 \text{ V}$ 
 $I_M = -2 \text{ A}$ 
 $I_R = 2 \text{ A}$ 

ان قیمتوں کو مساوات 1.6 میں پر کرتے ہوئے منبع اور مزاحمت کی طاقت حاصل کرتے ہیں۔

$$P_M = 10 imes (-2) = -20 \, \mathrm{W}$$
 طاقت کی منفی قیمت، طاقت کی پیداوار کو ظاہر کرتی ہے  $P_R = 10 imes 2 = 20 \, \mathrm{W}$  طاقت کی مثبت قیمت، طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے

یہاں غیر متغیر طاقت کو بڑھے حروف تبجی میں  $P_M$  اور  $P_R$  لکھا گیا۔مزاحمت کی طاقت مثبت مقدار حاصل ہوئی ہے جبکہ منبع کی طاقت منفی مقدار ہے۔یوں مساوات 1.6 سے حاصل مثبت مقدار طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتی ہے جبکہ منفی مقدار طاقت کی پیدا وار کو ظاہر کرتی ہے۔

شکل 1.9 میں برقی دباو کے سمت الٹ چننے گئے جس کی وجہ سے رو کی سمتیں بھی الٹ کر دی گئی ہیں۔ یوں

$$V_M = -10 \,\mathrm{V}$$
 $V_R = -10 \,\mathrm{V}$ 
 $I_M = 2 \,\mathrm{A}$ 
 $I_R = -2 \,\mathrm{A}$ 

Ohm's law<sup>25</sup>

clockwise<sup>26</sup>

potential energy $^{27}$  مخفی توانائی کی اصطلاح خفیہ توانائی سے حاصل کی گئی ہے۔

thermal energy<sup>29</sup>

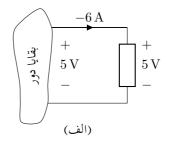
 $loss^{30}$ 

power loss<sup>31</sup> thermal loss<sup>32</sup>

resistive loss33

1.3. توانائي اور طاقت





شكل 1.10: فعال اور انفعال پرزے كى مثال.

لکھے جائیں گے جن سے دوبارہ

$$P_M = (-10) \times 2 = -20 \,\mathrm{W}$$
  
 $P_R = (-10) \times (-2) = 20 \,\mathrm{W}$ 

حاصل ہوتے ہیں۔

مثال 1.12 شکل 1.10 میں دوادوار دکھائے گئے ہیں۔دریافت کریں کہ آیا بیرونی پرزہ بقایا دور کو طاقت فراہم کرتا ہے یا کہ اس سے طاقت حاصل کرتا ہے۔طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں برقی روکی قیمت منفی لکھی گئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو تیر کے نشان کے الٹ سمت میں ہے۔روکی سمت الٹ تصور کرتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ بقایا دور کے مثبت سرے پر رو اندر داخل ہوتی ہے۔یوں بقایا دور انفعال ہے۔ییرونی پرزے کے مثبت سرے سے حقیقی رو خارج ہوتی ہے لہذا یہ فعال پرزہ ہے۔یوں بیرونی پرزہ طاقت فراہم کرتا ہے جبکہ بقایا دور میں طاقت خرچ ہوتا ہے۔یبی نتائج انفعال سمت کے ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ییرونی پرزے کے برقی دباو کو دیکھتے ہوئے روکی و کھائی گئی سمت ہی استعال کی جائے گی۔یوں ییرونی پرزے کی طاقت ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ییرونی پرزے کی طاقت  $P = 5 \times (-6) = -30$  سے جو طاقت کی پیداوار ہے۔بقایا دور میں روکی انفعال سمت دکھائے گئے سمت کے الٹ ہے لہذا طاقت  $P = 5 \times 6 = 10$  سے جبکہ بقایا دور اتنی ہی طاقت سے میں مولی ہوتا ہے جبکہ بقایا دور اتنی ہی طاقت استعال کرتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں قانون بقا $P = 5 \times 6 = 10$  سے جبکہ بقایا دور میں توانائی کی پیداوار اور خرج برابر ہوتے ہیں۔

شکل-ب میں رو نچلی تار میں دائیں سے بائیں طرف رواں ہے۔یوں بیر ونی پرزے کے مثبت سرے سے رو خارج ہوتی ہے جبکہ بقایا دور کے مثبت سرے میں رو داخل ہوتی ہے۔یوں بیر ونی پرزہ فعال اور بقایا دور انفعال ہے۔ بیر ونی پرزے کی طاقت کی طاقت P = 7 × (-3) = P ہے جو طاقت کی پیداوار ہے جبکہ بقایا دور کی طاقت P = 7 × 3 = 21 W ہے جو طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے۔

مثق 1.1: شکل 1.11 میں بیرونی پرزے کی طاقت حاصل کریں۔

باب 1. بنیاد





شكل 1.11: فعال اور انفعال پرزے كى مشق.



شکل 1.12: طاقت اور ایک متغیرہ دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کرنا ہے۔

جوابات: (الف) 8W ؛ (ب) 27W

مثال 1.3: شکل 1.12-الف میں برقی رو کی مقدار اور ست حاصل کریں جبکہ شکل-ب میں برقی د باواور اس کا مثبت سرا دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں بیرونی پرزے کی طاقت منفی ہے۔ یوں بیرونی پرزہ طاقت پیدا کرتا ہے لہٰذااس کے مثبت سرے سے رو خارج ہو گی یعنی دور میں گھڑی کے الٹ ست میں رویائی جائے گی۔رو کی قیت AA ہو گی۔

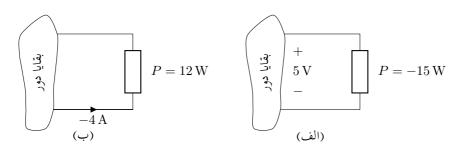
شکل-ب میں بیرونی پرزے کی طاقت مثبت ہے للذااس میں طاقت کا ضیاع ہو گااور برتی رو مثبت سرے سے پرزے میں داخل ہو گی۔دور میں گھڑی کی سمت میں منفی رو دکھائی گئی ہے للذا حقیقت میں رو گھڑی کی الٹ سمت ہے۔حقیقی رو کو گھڑی کے الٹ سمت تصور کرتے ہوئے بیرونی پرزے کا نچلا سرا مثبت ہو گااور برقی دباوکی قیبت 2V ہو گی۔

مثق 1.2: شكل 1.13 ميں نامعلوم متغيره دريافت كريں۔

حل: (الف) گھڑی کے الٹ A 3 ؛ (ب) بالائی تار مثبت ہے جبکہ دباو V 3 ہے۔

آخر میں دوبارہ اس حقیقت کی نشاندہی کرتے ہیں کہ کسی بھی برقی دور میں پیدادار طاقت اور طاقت کا ضیاع برابر ہوں گے۔

1.4. برقى پرزے



شکل 1.13: طاقت اور ایک متغیره دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کریں۔



شكل i: غير تابع منبع دباو اور اس كا i خطـ شكل 1.14:

#### 1.4 برقی پرزے

برقی پرزوں کو دواقسام میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔وہ پرزے جو طاقت پیدا کرتے ہیں فعال پوزے <sup>35</sup> کہلاتے ہیں جبکہ طاقت ضائع کرنے والے پرزوں کو انفعال پوز<sub>ے <sup>36</sup> کہتے ہیں۔ جزیٹر اور بیٹری فعال پرزوں کی مثال ہے جبکہ مزاحمت، امالہ گیر <sup>37</sup> اور برق گیر <sup>88</sup> انفعال پرزے ہیں۔</sub>

فعال پرزوں پر اس باب میں غور کیا جائے گا جبکہ انفعال پرزوں پر اگلے باب میں تفصیلاً غور کیا جائے گا۔

### 1.4.1 غير تابع منبع

غیر تابع منبع دباو 39سے مراد ایک منبع ہے جو، منبع میں سے گزرتی رو کے قطع نظر، اپنے دو سروں کے درمیان مخصوص برتی دباو برقرار رکھتا ہے۔ غیر تابع منبع دباوکی علامت کو شکل 1.14 میں دکھایا گیا ہے جہاں نقطہ A کے حوالے سے نقطہ B پر v(t) برتی دباو برقرار رہتا ہے۔ شکل میں غیر تابع منبع دباوکا دباو بالمقابل رو v(t) خط بھی دکھایا گیا ہے۔اس خط کے مطابق برتی دباوکی قیت پر برتی روکا کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔

شکل 1.15 میں غیر تابع منبع رو 40 کی علامت اور رو بالمقابل د باو v-i خطر دکھایا گیا ہے۔غیر تابع منبع روسے مراد ایسی منبع ہے جو، منبع پر د باو کے قطع نظر، مخصوص برقی رو بر قرار رکھتا ہے۔غیر تابع منبع رو کے د باو بالمقابل رو خط کے تحت منبع پر برقی د باو کے تبدیلی کا منبع کی روپر کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ منبع رو میں مثبت روکی سمت کو تیر کے نشان سے دکھایا جاتا ہے۔

عام استعال میں منبع بقایا دور کو طاقت فراہم کرتی ہے۔شکل 1.13-ب میں اگر بیرونی پرزہ منبع ہو تب آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع کو بھی طاقت فراہم کی جا سکتی ہے۔

active components<sup>35</sup>

passive components<sup>36</sup>

 $m nductor^{37}$ 

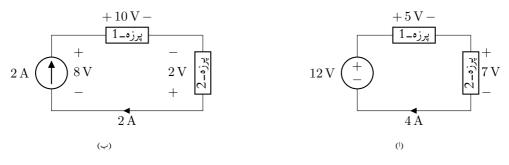
capacitor

independent voltage source<sup>39</sup> independent current source<sup>40</sup>

باب 1. بنیاد



شکل 1.15: غیر تابع منبع رو اور اس کا v-i خط.



شكل 1.16: طاقت كا حساب.

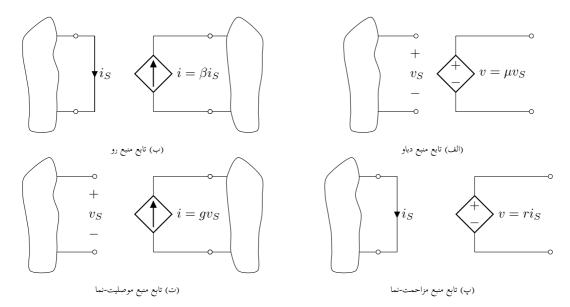
منبع محدود صلاحیت کا حامل ہے۔اگرچہ ہم توقع کرتے ہیں کہ منبع د باوکسی بھی قیمت کی برقی رو فراہم کرتے ہوئے پیدا کردہ برقی د باو برقرار رکھے گا، حقیقت میں کوئی بھی منبع کسی محدود رو کی حد تک ایسا کر پاتا ہے۔

مثال 1.4: شکل 1.16-الف میں تینوں پرزوں کی طاقت دریافت کریں۔ (اشارہ: سلسلہ وار جڑے پرزوں میں یکساں روپائی جاتی ہے۔)

حل: منبع کے مثبت سرسے رو خارج ہور ہی ہے لہذا یہ پرزہ طاقت فراہم کر رہاہے جبکہ بقایاد و پرزوں کے مثبت سرسے روپرزے میں داخل ہوتی ہے لہذا ۔ 2 اور پرزہ ۔ 2 کی طاقت ضائع ہوتا ہے۔ منبع کی طاقت کی خیاع کا سے جبکہ پرزہ ۔ 1 کی طاقت کی پیداوار کے برابر ہے۔ کی طاقت کی خیاع کا طاقت کی خیاع کی طاقت کی خیاع کا سے جبکہ کے بیار ہور ہے۔ ایک کی بیداوار کے برابر ہے۔

مثق 1.3: شکل 1.16-ب میں تینوں پرزوں کی طاقت حاصل کریں۔

1.4. برقی پرزے



شکل 1.17: تابع منبع کے چار اقسام۔

#### 1.4.2 تابع منبع

غیر تابع منبع دباوکی پیدا کردہ دباوکا انحصار منبع سے گزرتی روپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع روکی پیدا کردہ روکا انحصار منبع پر دباوپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع دولو 41 کی پیدا کردہ دباو، دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ اسی طرح تابع منبع رو<sup>42</sup> کی پیدا کردہ روہ دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ تابع منبع ہر قیات کی میدان میں کلیدی کردار ادا کرتے ہیں جہاں ہر قیاتی پرزہ جات مثلاً دو جوڑ شرانز سٹر پر مبنی ہر قیاتی ادوار کا حمالی حل انہیں ریاضی نمونوں کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے۔

مثال 1.5: شکل 1.18-الف میں خارجی دباواور شکل-ب میں خارجی رو دریافت کریں۔

dependent voltage source<sup>41</sup>

dependent current source<sup>42</sup>

bipolar transistor,  $\mathrm{BJT^{43}}$ 

MOSFET<sup>44</sup>

mathematical model<sup>45</sup>

dependent voltage source<sup>46</sup>

control voltage<sup>47</sup>

depended current source<sup>48</sup>

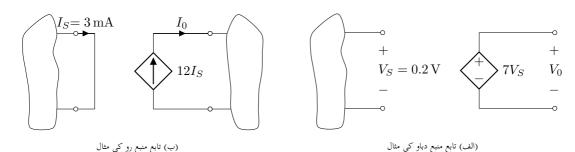
dimensionless<sup>49</sup>

dimension<sup>50</sup>

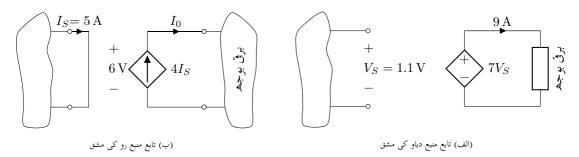
dependent transresistance source<sup>51</sup>

dependent transconductance source<sup>52</sup>

باب 1. بنیاد



شکل 1.18: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مثال.



شکل 1.19: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مشق۔

عل: شكل-الف مين ضابط دباو 0.2 V اور منبع كالمستقل 7 ہے۔ يول پيدا كرده دباو 1.4 V = 7 × 0.2 ہو گا۔ شكل-ب ميں ضابط رو AmA اور منبع كا مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔

اس مثال میں تابع منبع دباو داخلی دباو کو 7 گنا بڑھاتا ہے گویا منبع بطور ایمپلیفائر دباو 53 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش دباو 54 ہے۔اس طرح شکل-ب میں تابع منبع رونے داخلی رو کو 12 گنا بڑھاکر خارج کیا، گویا ہے منبع بطور ایمپلیفائو رو 55 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش رو 56کی قیت 12 ہے۔

شکل 1.17-پ بالکل اسی طرح داخلی ضابط رو کی نسبت سے برقی دباو خارج کرتے ہوئے بطور ایمپلیفائو مزاحمت۔ نما<sup>57</sup> کردار اداکرتا ہے جہال منبع کا مستقل افزائش مزاحمت۔ نما<sup>68</sup> کام کرتا ہے اور اس کے مستقل کو افزائش موصلیت۔ نما<sup>69</sup> کہا فزائش مزاحمت۔ نما<sup>69</sup> کہا ہے ہیں۔

# مثق 1.4: شكل 1.19 مين برقى بوجه كي طاقت دريافت كرين-

voltage amplifier<sup>53</sup>

voltage gain<sup>54</sup>

current amplifier55

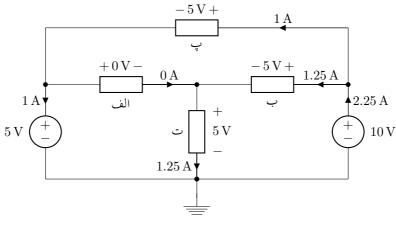
 $\rm current~gain^{56}$ 

transresistance amplifier<sup>57</sup>

 ${\rm transresistance~gain^{58}} \\ {\rm transconductance~amplifier^{59}} \\$ 

transconductance gain<sup>60</sup>

1.4. برقی پرزے



شكل 1.20: مثال 1.6 كا دور.

جوابات: (الف): 69.3 W (ب) 120 W

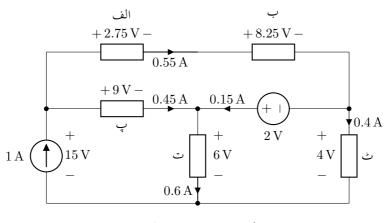
مثال 1.6: شکل 1.20 میں تمام پرزه جات کی طاقت دریافت کریں۔

 $^{2}$  علی: بوجھ-الف میں برقی روصفر ہے اور اس کے دونوں سروں کے مابین دباو بھی صفر ہے للذا اس کی طاقت  $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$  ہے۔ بوجھ-ب کی طاقت  $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$  طاقت  $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$  طاقت  $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$  طاقت  $0 \times 0 = 0 \times 0$  طاقت  $0 \times 0 = 0 \times 0 =$ 

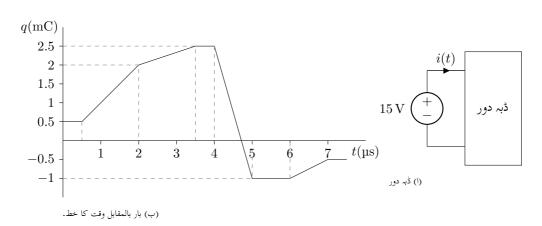
کل طاقت کا ضیاع  $22.5 \, \mathrm{W} = 5 + 6.25 + 5 + 6.26 + 5 + 6.26 + 5$  ہے۔ دایاں منبع تمام طاقت پیدا کرتا ہے جبکہ بائیں منبع کو از خود طاقت در کار ہے۔

مثق 1.5 شکل 1.21 کے تمام پرزوں میں طاقت حاصل کریں۔ کیا طاقت کی پیدا وار اور اس کا ضیاع برابر ہیں۔

جوابات: بالترتیب الف تاٹ: 1.5125 W ، 4.5375 W ، 4.05 W ، 3.6 W ، 4.05 W ؛ منبع دباو کی طاقت 0.3 W – اور منبع رو کی طاقت 15 W – ہے۔دور میں کل طاقت کی پیداوار 15.3 W ہے۔اتنی ہی طاقت پیدا بھی ہوتی ہے للذا دونوں برابر ہیں۔ اب 1. بیاد

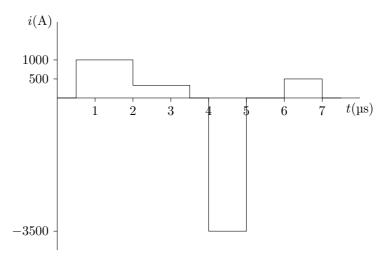


شکل 1.21: طاقت کے حصول کی مشق۔



شكل 1.7: مثال 1.7 كا شكل.

1.4. برقی پرزے



شكل 1.7: برقى رو مثال 1.7

مثال 1.7: شکل 1.22-الف میں ڈبہ دور د کھایا گیا ہے جس میں برقی بار بھری جارہی ہے۔برقی بار بالمقابل وقت کا خط شکل-ب میں دیا گیا ہے۔اس خط سے برقی رو بالمقابل وقت کا خط حاصل کریں۔

من وقت t=0 تا  $\Delta q=0$  تا کی برتی بار بلا تبدیل ہوئے  $0.5\,\mathrm{mC}$  رہتا ہے لہذا  $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$  ہونے میں t=0

$$i = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{0 \text{ C}}{0.5 \,\mu\text{s}} = 0 \text{ A}$$
  $(0 < t < 0.5 \,\mu\text{s})$ 

ہو گا۔وقت  $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$  تا  $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$  کے دوران برقی بار  $t=0.5\,\mathrm{mC}$  سے تبدیل ہو کر  $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$  ہو گا۔

$$i = \frac{2 \,\mathrm{mC} - 0.5 \,\mathrm{mC}}{2 \,\mathrm{us} - 0.5 \,\mathrm{us}} = 1000 \,\mathrm{A}$$
 (0.5  $\,\mathrm{\mu s} < t < 2 \,\mathrm{\mu s}$ )

ہو گا۔اسی طرح بقایا دورانیوں میں

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2 \text{ mC}}{3.5 \text{ } \mu \text{s} - 2 \text{ } \mu \text{s}} = 333.33 \text{ A} \qquad (2 \text{ } \mu \text{s} < t < 3.5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{4 \text{ } \mu \text{s} - 3.5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (3.5 \text{ } \mu \text{s} < t < 4 \text{ } \mu \text{s})$$

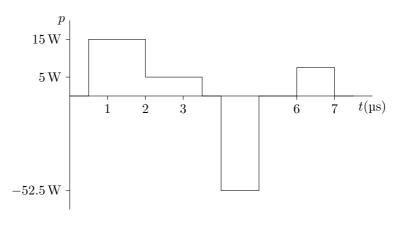
$$i = \frac{-1 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{5 \text{ } \mu \text{s} - 4 \text{ } \mu \text{s}} = -3500 \text{ A} \qquad (4 \text{ } \mu \text{s} < t < 5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i \frac{-1 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{6 \text{ } \mu \text{s} - 5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (5 \text{ } \mu \text{s} < t < 6 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{-0.5 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{7 \text{ } \mu \text{s} - 6 \text{ } \mu \text{s}} = 500 \text{ A} \qquad (6 \text{ } \mu \text{s} < t < 7 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = 0 \text{ A} \qquad (7 \text{ } \mu \text{s} < t)$$

اور اس کے بعد i=0 ہے۔ان نتائج کو شکل 1.23 میں د کھایا گیا ہے۔آپ د کیھ سکتے ہیں کہ بار نہ بدلنے کی صورت میں رو صفر ہوتی ہے۔ بڑھتے بار کی صورت میں مثبت رواور گھٹتے بار کی صورت میں منفی رو پائی جاتی ہے۔ باب 1. بنیاد



شكل 1.24: طاقت بالمقابل وقت

## مثال 1.8: مندرجه بالا مثال مين طاقت بالمقابل وقت حاصل كريں۔

حل: طاقت p=vi ہوتا ہے۔ شکل 1.22-الف سے دباو کی قیمت 15 V ملتی ہے جبکہ شکل 1.23 سے رو کی قیمت مختلف دورا نیے کے لئے حاصل کی جا سکتی ہے۔ یوں مختلف دورا نیے کے طاقت درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\begin{array}{lll} p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (0 < t < 0.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 1000 = 15 \, \mathrm{kW} & (0.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 2 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 333.33 = 5 \, \mathrm{kW} & (2 \, \mathrm{\mu s} < t < 3.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (3.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 4 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times (-3500) = -52.5 \, \mathrm{kW} & (4 \, \mathrm{\mu s} < t < 5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (5 \, \mathrm{\mu s} < t < 6 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 500 = 7.5 \, \mathrm{kW} & (6 \, \mathrm{\mu s} < t < 7 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (7 \, \mathrm{\mu s} < t) \end{array}$$

ان جوابات كوشكل 1.24 مين د كھايا گيا ہے۔

مثال 1.9: آج کل کمپیوٹر 61 کا زمانہ ہے اور یو-ایس-بی 62 یعنی عمومی سلسلہ وار پھاٹک کا استعال عام ہے۔ کسی بھی کمپیوٹر یا عددی دور 63 کو عددی مواد 64 جن برقی تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور کے داخلی پھاٹک 65 کہلاتے ہیں اور جن تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور سے عددی مواد صاصل کیا جاتا ہے، کمپیوٹر یا عددی دور کے خارجی پھاٹک 66 کہلاتے ہیں۔ عمومی سلسلہ وار پھاٹک (یو-ایس-بی) پر کمپیوٹر عددی مواد حاصل

```
computer<sup>61</sup>
USB Universal Serial Port<sup>62</sup>
digital circuit<sup>63</sup>
digital data<sup>64</sup>
```

input port<sup>65</sup> output port<sup>66</sup>

1.4. برقی پرزے

بھی کر سکتا ہے اور خارج بھی کر سکتا ہے۔ یوں یہ داخلی۔ خارجی پھاٹک <sup>67</sup> ہے۔ اس پھاٹک کی مدد سے کمپیوٹر کے ساتھ بیر ونی آلات مثلاً موبائل فون، عددی کیمرہ وغیرہ جوڑے جا سکتے ہیں۔ یہ پھاٹک بیر ونی آلات کو برقی طاقت فراہم کرنے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔ یہ پھاٹک چار عدد برقی تاروں پر مشمل ہے جن میں دو تار عددی مواد کے ترسیل اور دو تار برقی طاقت کی فراہمی کے لئے استعال ہوتے ہیں۔ یہ پھاٹک عام حالت میں 100 mA برقی رو فراہم کر سکتا ہے جبکہ سافٹ وئیر کے ذریعہ پھاٹک سے برقی روکی فراہمی کے 20 سرگا تک بڑھائی جا سمتی ہے۔

یو۔ایس-بی پھائک استعال کرتے ہوئے موبائل کی بیے باد® بیٹری میں بار بھرا جاتا ہے۔بیٹری کی استعداد 1700 mA h ہے۔الف) بیٹری کی استعداد کولیب ک میں حاصل کریں۔ب) اگر پھائک 100 mA روفراہم کر رہا ہو تب بیٹری کو مکمل بھرنے میں کتنی دیر گئے گی۔

حل:الف) مکمل بھری بیٹری میں کل بار ہی بیٹری کی استعداد ہوتی ہے۔ بیٹری کی استعداد کو کولمب C کی بجائے Ah میں بیان کیا جاتا ہے۔ دی گئی بیٹری کی استعداد

$$Q = I \times t = 1700 \times 10^{-3} \times 3600 = 6120 \,\mathrm{C}$$

ہے جہاں ایک گھنٹہ 3600 سینڈکے برابرہے۔

ب) یوں MA کی روسے بیٹری بھرنے میں

$$t = \frac{6120}{100 \times 10^{-3}} = 61200 \,\mathrm{s} = 17 \,\mathrm{h}$$

ستر ہ گھنٹے در کار ہوں گے۔

input-output port<sup>67</sup> discharged<sup>68</sup>

باب 1. بیاد

## باب 2

# مزاحمتي ادوار

#### 2.1 قانون اوہم

شکل 2.1-الف میں کارتیسی محدد اپر سید سے خطوط دکھائے گئے ہیں۔بالائی خط کی مساوات  $y=m_1x+c_1$  ہے جہاں خط کی ڈھلوان  $m_1$  جبکہ خط y محدد کو  $m_2$  کی خط کی ڈھلوان  $m_3$  ہے جبکہ سے محدد کے مرکز  $m_3$  سے گزرتی ہے للذا سے خط محدد کو  $m_2$  محدد کو  $m_3$  ہے جبکہ سے محدد کے مرکز  $m_3$  سے ادریوں اس کی مساوات  $m_3$  ہے۔

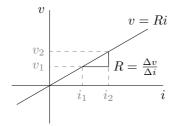
مزاحمت کے دو سروں کے مابین مختلف برقی دباو ہ لاگو کرتے ہوئے برقی رو i ناپی گئے۔ برقی دباو کو عمودی محدد اور برقی رو کو افقی محدد پر رکھتے ہوئے ان کے تعلق کو شکل 2.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس خط کو مزاحمت کی دباو بالمقابل رو خط کہا جاتا ہے۔شکل-ب کا شکل-الف کی پنجلی خط کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے اس خط کو

$$v = Ri \qquad v = ri$$

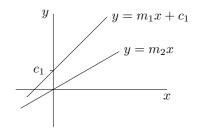
لکھا جا سکتا ہے جہاں خط کی ڈھلوان کو R کھااور برقی مزاحمت 3 یا صرف مزاحمت پکارا جاتا ہے۔اس مساوات کو قانون اوہم 4 کہتے ہیں۔شکل-ب میں مزاحمت R کو بطور ڈھلوان دکھایا گیا ہے۔

$$R = rac{v_2 - v_1}{i_2 - i_1} = rac{\Delta v}{\Delta i}$$
 عزاجمت کی تعریف

Cartesian coordinates<sup>1</sup> slope<sup>2</sup> electrical resistance<sup>3</sup> Ohm's law<sup>4</sup>

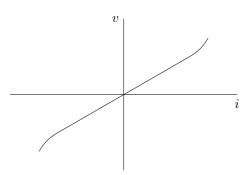


(ب) مزاحمت کے برقی دباو بالمقابل رو خط اور اوہم کا قانون۔

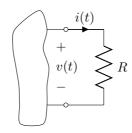


(۱) سیدهر خطوط اور ان کی ریاضی مساوات.

22 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.2: غير خطى دباو بالمقابل رو كي تعلق.



شكل 2.3: اوبم كا قانون اور مزاحمتي ضياع.

شکل 2.1-ب میں دباو اور رو راست تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔راست تناسی تعلق کو خطبی تعلق کہا جاتا ہے۔اگرچہ اس کتاب میں مزاحمت کو خطبی پرزہ ؟ ہی تصور کیا جائے گا، یہ جاننا ضروری ہے کہ کئی نہایت اہم اقسام کے پرزے غیر خطبی مزاحمت کی خاصیت رکھتے ہیں۔عام استعال میں 200 پر جلنے والا بلب غیر خطبی مزاحمت کی مثال ہے۔اس بلب کے v-i تعلق کو شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے۔

وقت کے ساتھ بدلتا دیاو اور بدلتی رو کی صورت میں قانون اوہم

$$(2.3) v(t) = Ri(t)$$

کھا جائے گا جہاں وقت t کے ساتھ بدلتے برقی دباو اور بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف میں کھا گیا ہے۔ مساوات 2.3 سے مزاحمت کا اُبعد  $\frac{V}{A}$  حاصل ہوتا ہے جسے اوہ ہم پر پکار ااور  $\Omega$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں اگر کسی مزاحمت پر  $10\,V$  کا برقی دباولا گو کرنے سے مزاحمت میں 0 کی روگزرے تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔ تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔

شکل 2.3 میں برقی دور کے ساتھ مزاحمت کی جہ مزاحمت کی دباو v(t) اور رو i(t) ہیں۔ صفحہ 7 پر مساوات 1.6 کے تحت اس مزاحمت میں طاقت کا ضیاع

$$p(t) = v(t)i(t)$$

ہو گا۔ اس مساوات میں برقی دباو v(t) میں قانون اوہم پُر کرتے ہوئے

$$p(t) = Ri(t) \times i(t) = Ri^{2}(t)$$

i(t) کی جگہ قانون اوہم استعال کرتے ہوئے ماصل ہوتا ہے۔ اس طرح طاقتی ضیاع کی مساوات میں

$$p(t) = v(t) \times \frac{v(t)}{R} = \frac{v^2(t)}{R}$$

linear<sup>5</sup> linear component<sup>6</sup>

Ohm<sup>7</sup>

2.1. قانون اوبم

حاصل ہوتا ہے۔مندر جہ بالا تین مساوات کو اکٹھے لکھتے ہیں۔

$$p(t) = v(t)i(t) = Ri^{2}(t) = \frac{v^{2}(t)}{R}$$
 وزاحتی ضیاح

درج بالا مساوات مزاحمت کی طاقت دیتی ہے۔ یہ طاقت حرارتی توانائی میں تبدیل ہوتی ہے جس سے مزاحمت کا درجہ حرارت بڑھتا ہے۔

مزاحت کے علاوہ موصلیت 8 G مجی بہت مقبول ہے جہاں

$$(2.5) G = \frac{1}{R}$$

کے برابر ہے۔موصلیت کی اکائی سیمنز ° S ہے جہاں

$$(2.6) 1S = 1\frac{A}{V}$$

ك برابر ہے۔مساوات 2.5 كے استعال سے اوجم كے قانون كو

$$i(t) = Gv(t)$$

اور مزاحمت کی طاقت کو

(2.8) 
$$p(t) = Gv^{2}(t) = \frac{i^{2}(t)}{G}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مثال 2.1: ایک عدد مزاحمت پر 20 V لاگو کرنے سے مزاحمت میں 4A پیدا ہوتی ہے۔ اس کی موصلیت دریافت کریں۔

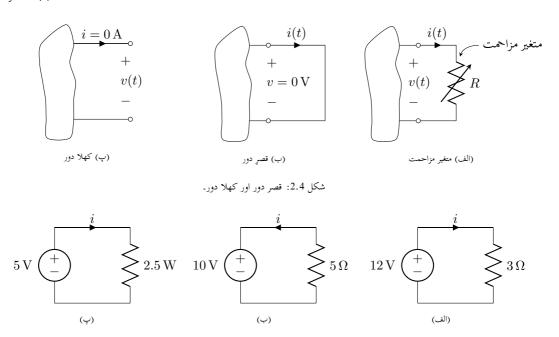
حل:مساوات 2.7 کی مدد سے

$$G = \frac{i}{v} = \frac{4}{20} = 0.2 \,\mathrm{S}$$

 $R=rac{20}{4}=0.2$  سے بھی حاصل ہوتا ہے۔  $G=rac{1}{R}=0.2$  سے بھی حاصل ہوتا ہے۔

شکل 2.4-الف میں برقی دور کے ساتھ متغیر مزاحمت  $i^{10}$  جڑاد کھایا گیا ہے۔ مزاحمت پر ترچھا تیر کھنچ کر متغیر مزاحمت کو ظاہر کیا جاتا ہے۔ اگر متغیر مزاحمت  $v=i(t)\times 0=0$  کی قیمت کم کرتے کرتے صفر کر دی جائے تو کسی بھی رو i(t) کی صورت میں مزاحمت پر لاگو برقی دباو، قانون اوہم کے تحت  $v=i(t)\times 0=0$  کی قیمت کم کرتے کرتے صفر تو کسی مخالی گئی ہے اور اس صورت کو قصو دور <sup>11</sup> کہتے ہیں۔ دو نقطوں کو موصل تارسے جوڑ کر قصر دور کیا جاتا ہے۔ اس کے برعکس اگر متغیر مزاحمت کی قیمت لامحدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو v(t) پر، قانون اوہم کے تحت v(t) منظیر مزاحمت کی قیمت لامحدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو v(t) پر، قانون اوہم کے تحت v(t) ہوگا۔ ایس صورت،

24 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.5: مزاحمتي ادوار مثال 2.2 تا مثال 2.4

جے کھلا دور <sup>12</sup> کہتے ہیں کو شکل-پ میں دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی دو نقطوں کو کھلا دور کرنے کا مطلب سے ہے کہ ان نقطوں کے مابین مزاحمت لا محدود کر دی جائے۔ قصر دور پر ہر صورت صفر د باو پایا جاتا ہے جبکہ کھلا دور پر ہر صورت صفر رو پائی جاتی ہے۔

مثال 2.2: شكل 2.5-الف ميں رواور مزاحمتی طاقت دريافت كريں۔

حل: قانون اوہم سے مزاحت میں رو

$$i = \frac{12}{3} = 4 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتی ہے اور یوں مزاحمتی طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = v \times i = 12 \times 4 = 48 \,\mathrm{W}$$

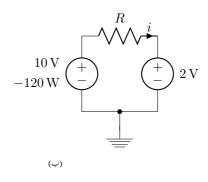
مثال 2.3: شكل 2.5-ب مين رواور مزاحمتي طاقت دريافت كرين ـ

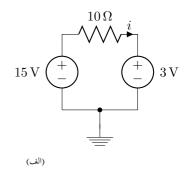
حل: مزاحمت کا بالائی سرا مثبت ہے لہذا اس میں رو کی سمت اوپر سے نیچے ہو گی جو د کھلائے گئی سمت کے الٹ ہے۔اس طرح دی گئی سمت میں رو کی قیمت منفی ہو گی یعنی

$$i = -\frac{10}{5} = -2 \,\mathrm{A}$$

open circuit12

2.5. قانون اوبم





شكل 2.6: مزاحمتي ادوار مثال 2.5 تا مثال 2.6

جبکه مزاحمت طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = i^2 R = 20 \,\mathrm{W}$$

مثال 2.4: شکل 2.5-پ میں رواور مزاحمتی دریافت کریں۔

حل: دور میں طاقت کی پیدادار اور ضیاع برابر کیتے ہوئے طاقت کی مساوات p=vi سے منبع کی رو حاصل کرتے ہیں۔ $i=rac{p}{v}=rac{2.5}{5}=0.5\,\mathrm{A}$ 

اوہم کے قانون سے مزاحت کی قیمت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$R = \frac{v}{i} = \frac{5}{0.5} = 10\,\Omega$$

مثال 2.5: شکل 2.6-الف میں مزاحمت کی رواور طاقت دریافت کریں۔

 $^{-1}$  حل: قانون اوہم میں مزاحمت کی دباو V=12 V=10 کیتے ہوئے روحاصل کرتے ہیں۔

$$i = \frac{12}{10} = 1.2 \,\mathrm{A}$$

ای طرح مزاحمت کی دباو  $p=i^2R$  سے بھی حاصل ہو گا۔ اس کی طاقت درج ذیل حاصل ہو گا ہے۔ یہی جواب  $p=i^2R$  سے بھی حاصل ہو گا۔

$$p = vi = 12 \times 1.2 = 14.4 \,\mathrm{W}$$

26 باب 2. مزاحمتي ادوار

مثال 2.6: شكل 2.6-ب مين مزاحمت مين رواور طاقت دريافت كرين ـ دائين منبع كي طاقت تجيي دريافت كرين ـ

حل: بائیں منبع کی طاقت اور دیاو دیے گئے جس سے منبع کی مثبت سر سے خارج ہوتی رو کی قیت 12A حاصل ہوتی ہے۔مزاحمت کی دیاو 8V ہے للذااس کی مزاحمت

$$R = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}\,\Omega$$

ہو گی۔اس طرح مزاحمت کی طاقت

$$p = vi = 8 \times 12 = 96 \,\mathrm{W}$$

ہو گا۔دائیں منبع کو طاقت فراہم کی جارہی ہے جس کی قیمت درج ذیل ہے۔

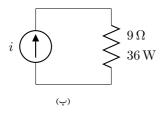
$$p = vi = 2 \times 12 = 24 \,\mathrm{W}$$

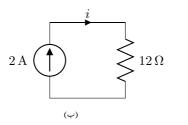
آپ دیکھ سکتے ہیں کہ طاقت کی پیدا وار اور ضیاع برابر ہیں۔

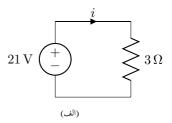
مثق 2.1: شكل 2.7-الف ميں مزاحمت كى رواور طاقت حاصل كريں۔ منبع كى طاقت تجى حاصل كريں۔

 $p=-127\,\mathrm{W}$  ،  $p=127\,\mathrm{W}$  ،  $i=7\,\mathrm{A}$  برابات:

مثق 2.2: شكل 2.7-ب مين مزاحت كا دباواور طاقت حاصل كرين ـ منبع كي طاقت بهي دريافت كرين ـ







شكل 2.7: مزاحمتي ادوار مشق 2.1 تا مشق 2.3

2.2. قوانين كرچاف

 $p = -48\,\mathrm{W}$  ،  $p = 48\,\mathrm{W}$  ،  $v = 24\,\mathrm{V}$  جوابات:

مثق 2.3: شکل 2.7-پ میں مزاحمت کی رواور دباو حاصل کریں۔ منبع کی طاقت دریافت کریں۔

 $p = -36\,\mathrm{W}$  ،  $v = 18\,\mathrm{V}$  ،  $i = 2\,\mathrm{A}$  جوابات:

### 2.2 قوانين كرچاف

اوہم کے قانون سے ایک مزاحمت اور ایک منبع پر مبنی دور آسانی سے حل ہوتا ہے البتہ زیادہ پر زوں پر مبنی دور حل کرتے ہوئے اس کا استعال قدر مشکل ہوتا ہے۔ زیادہ پرزہ جات کے ادوار قوانین محر چاف 14 کی مدد سے نہایت آسانی کے ساتھ حل ہوتے ہیں۔ برقی دور میں برقی پرزوں کو موصل تاروں سے آپس میں جوڑا جاتا ہے۔موصل تارکی مزاحمت کو صفر اوہم تصور کیا جاتا ہے للذاان میں طاقت کا ضیاع صفر ہوگا۔یوں طاقت کی پیداوار اور ضیاع صرف برقی پرزوں میں ممکن ہے۔

اس سے پہلے کہ ہم کرچاف کے قوانین پر غور کریں، ہم کچھ اصطلاحات مثلاً جوڑ  $^{10}$  دائرہ  $^{10}$  اور شاخ  $^{71}$  جانے کی کو شش کرتے ہیں۔ شکل  $^{10}$  دارہ  $^{10}$  اور شاخ  $^{17}$  جانے کی کو شش کرتے ہیں۔ شکل  $^{10}$  مزاحمت  $^{10}$  اور منبع  $^{10}$  نقطہ  $^{10}$  نقطہ کو جوڑ  $^{10}$  کہا جائے گا۔ اس شکل میں جوڑ  $^{10}$  اور  $^{10}$  بھی دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل کو قدر مختلف طریقے سے دکھایا گیا ہے۔ یہاں بھی ان جوڑوں کی نشاند ہی کی گئی ہے۔ کسی بھی دو یا دوسے زیادہ پر زوں کو جوڑ نے والے موصل تار کو جوڑ تصور کیا جاتا ہے۔ یوں شکل -الف میں جوڑ  $^{10}$  نقطہ مانند ہے جبکہ شکل - بمیں نجلی پوری تار جوڑ  $^{10}$  ہے۔ جوڑ کو ظاہر کرنے والی تار کی لمبائی کچھ بھی ہو سکتی ہے۔

 $i_1(t)$  کی بھی دور میں متعدد راستے ممکن ہیں۔ شکل 2.8 میں جوڑ  $j_1$  سے مزاحت  $k_1$  کے راستے جوڑ  $k_2$  تک پہنچا جا سکتا ہے جہاں سے منبع  $i_1(t)$  کی بھی دور میں متعدد راستے ممکن ہیں۔ شکل 2.8 میں جوڑ  $j_1$  تک پہنچا جا سکتا ہے۔اییا بند راستہ جو ابتدائی جوڑ پر بمی اختتام پذیر ہو ببند راستہ کہلاتا ہے۔اییا بند راستہ جس پر کسی بھی جوڑ سے صرف ایک مرتبہ گزرا جائے دائوہ  $k_1$  کہلاتا ہے۔اس طرح  $k_1$  اور  $k_2$  دائوہ ہے۔اس طرح  $k_3$  دائوہ ہے۔اس طرح  $k_4$  دائوہ  $k_3$  دائوہ ہے۔اس کی ایک اور مثال  $k_4$  دائر  $k_4$  دور مرتبہ گزرا گیا۔  $k_3$  دور مرتبہ گزرا گیا۔  $k_4$  دائرہ نہیں ہے چونکہ اس میں جوڑ  $k_4$  اور جوڑ  $k_5$  سے دو مرتبہ گزرا گیا۔

برقی دور میں ہر برقی پرزے کو شاخ  $^{19}$  کہتے ہیں۔ شکل 2.8 میں کل چھ (6) شاخ ہیں۔جوڑ  $j_3$  پر تین شاخ  $j_3$  اور  $j_3$  اور  $j_3$  بیں۔ جوڑ  $j_3$  پر تین شاخ  $j_3$  اور  $j_3$  اور  $j_3$  بیں۔ آئیں اب قوانین کوچاف کی بات کریں۔

Kirchoff's laws<sup>13</sup>

<sup>14۔</sup> جرمنی کے گستاف روبرٹ کرچاف نے ان قوانین کو سے پیش کیا۔

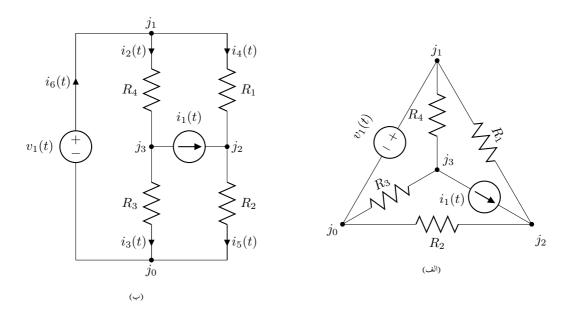
 $loop^{16}$ 

 $<sup>{</sup>m cranch}^{17}$ 

 $loop^{18}$ 

branch<sup>19</sup>

28 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.8: جوڑ اور دائرے۔

کر چاف کا قانون برائے برقی رو کہتا ہے کہ کسی بھی جوڑ پر داخلی برقی رو کا مجموعہ خارجی برقی رو کے مجموعے کے عین برابر ہوتا ہے۔

کر چاف کے قانون برائے برقی رو کو کو چاف قانون رو کہا جائے گا۔اس قانون کو کسی بھی جوڑ کے لئے یوں

$$\sum i_{,b_{1}} = \sum i_{0,0}$$
 کرچاف قانونِ رو

کھا جاتا ہے۔ شکل 2.8-ب میں جوڑ  $j_0$  پر درج بالا مساوات سے

(2.10) 
$$i_3(t) + i_5(t) = i_6(t)$$
  $j_0 j_s$ 

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح بقایا جوڑوں پر کرچاف قانونِ روسے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں جہاں مساوی علامت (=) کے بائیں جانب داخلی رو کا مجموعہ اور دائیں جانب خارجی رو کا مجموعہ ہے۔

(2.11) 
$$i_6(t) = i_2(t) + i_4(t) \qquad j_1 j_{\mathcal{R}}$$

(2.12) 
$$i_1(t) + i_4(t) = i_5(t) \qquad j_2 j_3.$$

(2.13) 
$$i_2(t) = i_1(t) + i_3(t) \qquad j_3 \, \mathcal{F}.$$

ا گر جوڑ پر تمام رو کی سمت خارجی تصور کی جائے تب قانون کو چاف برائیے رو $^{20}$  کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے جہاں  $i_s(t)$  شاخ s میں جوڑ سے خارج رو بے اور جوڑ کے ساتھ جڑ ہے شاخوں کی تعداد N ہے۔

$$\sum_{s=1}^{N} i_s(t) = 0$$
 کرچاف قانونِ رو

اگر جوڑ پر تمام روکی سمت داخلی تصور کی جائے تب قانون کرچاف بوائیے روکو درج بالا لکھا جا سکتا ہے جہاں  $i_s(t)$  شاخ s میں جوڑ پر داخل رو ہے۔ 2.2. قوانین کرچاف



شکل 2.9: کرچاف قانونِ رو کو بکریوں پر بھی لاگو کیا جا سکتا ہے۔

مساوات 2.14 کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.8-ب کے لئے درج ذیل لکھا جائے گا جہاں خارجی رو مثبت اور داخلی رو منفی لکھے گئے ہیں۔

(2.15) 
$$i_6(t) - i_3(t) - i_5(t) = 0 j_0 j_s$$

$$(2.16) i_2(t) + i_4(t) - i_6(t) = 0$$

$$(2.17) i5(t) - i1(t) - i4(t) = 0$$

$$(2.18) i_1(t) + i_3(t) - i_2(t) = 0$$

مساوات 2.10 تا مساوات 2.13 کو مساوات 2.9 سے حاصل کیا گیا جبکہ مساوات 2.15 تا مساوات 2.18 کو مساوات 2.14 سے حاصل کیا گیا۔ مساوات 2.10 تا مساوات 3.15 کو مساوی نشان (=) کی دوسری جانب منتقل کرنے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات 2.19 داور مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔ مساوات 2.19 داور مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔

مساوات 2.16 مساوات 2.11 اور مساوات 2.18 کو جمع کرنے کے بعد منفی ایک (1-) سے ضرب دینے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ یوں مندر جہ بالا چار بھزاد مساوات اور میں صرف تین عدد مساوات غیر تابع 22 مساوات ہیں۔ ان میں کسی بھی تین مساوات کے استعال سے چو تھی مساوات حاصل کی جاستی ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات حاصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات درکار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات ، اور یا مندر جہ کی جاستی ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع تصور کرتے ہوئے تیسری مساوات ماصل کی جاستی ہے لہذا تیسری تابع مساوات ہے جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہوتی ہے۔ کی ضرورت نہیں ہے۔

$$x + y = 3$$
$$x - y = 1$$
$$x - 3y = -1$$

جس برقی دور میں کل ہے عدد جوڑ پائے جاتے ہوں، اس میں I-I غیر تابع مساوات حاصل ہوتے ہیں لہذا کسی بھی ایک جوڑ کے بغیر بقایا تمام پر جوڑ پر مساوات کئے جاتے ہیں۔

کرچاف قانونِ روکے استعال میں اصل روکی سمت کو نہیں دیکھا جاتا بلکہ صرف متغیرات  $i_1(t)$  ،  $i_2(2)$  ،  $i_3(t)$  ،  $i_3(t)$ 

کر چاف قانونِ روعمومی مساوات ہے جسے ہم روز مرہ زندگی میں برتی روکی بجائے مختلف چیزوں پر لاگو کرتے ہیں۔ شکل 2.9-الف میں ایک گڈریا پورے دن بکریاں چرانے کے بعد انہیں شام کو پہاڑی سے نیچے ایک پگڈنڈی پر اتار رہا ہے۔ گڈریا پن بکریوں کو خیر خیر بیت سے دکھائی گئے راستے سے نیچے اتار باتے ۔ نقط نے سے نیچے دو پگڈنڈیاں ہیں۔اگر بالائی پگڈنڈیوں پر کل اتنی ہی

30 باب 2. مزاحمتي ادوار

بکریاں اترے گی تینی  $b_1 = b_2 + b_3$  ہو گا۔ تاریس کسی بھی مقام سے فی سیکٹہ گزرتی برقی بار کو برقی رو کہتے ہیں۔یوں برقی رو کی بات کرتے ہوئے ہم حقیقت میں برقی بارکی بات کرتے ہوئے ہالکل پگٹرنڈی ہم حقیقت میں برقی بارکی بات کرتے ہیں۔تار میں برقی بارکا وجود الیکٹران پر ہے جس کی تعداد ناتو کم ہوتی ہے اور ناہی بڑھتی ہے۔اسی لئے بالکل پگٹرنڈی پر چلتی بکریوں کی طرح تاریم بل تعداد اس جوڑسے خارج ہوتے الیکٹران کے برچلتی برقرار رہتی ہے اور کسی جوڑ پر آمدی الیکٹران کی تعداد اس جوڑسے خارج ہوتے الیکٹران کے برابر ہوگا۔طبیعیات کے اصولوں کے تحت کسی بھی جوڑ پر برقی بارکا انبار نہیں جمع ہوتا۔ 23

کر چاف قانونِ رو کسی بھی بند سطح کے لئے درست ہے۔شکل 2.9-ب میں ہلکی ساہی میں بند سطح میں داخل بکریوں کی تعداد سطح سے خارج بکریوں کے برابر ہوگی۔اس شکل میں بند سطح کو جوڑ ن تصور کیا جا سکتا ہے۔

مثال 2.7: شكل 2.10-الف مين نامعلوم رو دريافت كرين

 $i_4$  عل:جوڑ  $j_2$  پر داخلی رو  $i_4$   $j_2$   $j_3$  ہے جو خار جی رو  $i_4$  کے برابر ہو گی لیعنی

 $i_4 = 5\,\mathrm{mA} + 2\,\mathrm{mA} = 7\,\mathrm{mA}$ 

جوڑ  $j_3$  پر داخلی رو کا مجموعہ  $i_4+i_3$  ہے جو خار جی  $i_4+i_5$  کے برابر ہو گا۔ یوں درج بالا حاصل کردہ  $i_4$  کی قیمت پُر کرتے ہوئے

 $7\,\mathrm{mA} + i_3 = 6\,\mathrm{mA}$ 

سے درج ذیل حاصل ہوتاہے

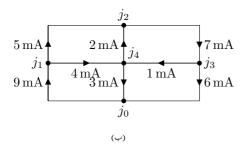
 $i_3 = -1 \,\text{mA}$ 

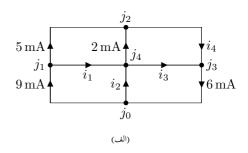
 $9 \,\mathrm{mA} + i_2 = 6 \,\mathrm{mA}$ 

ہو گا جس سے

 $i_2 = -3 \,\mathrm{mA}$ 

<sup>23</sup>میں امید کرتا ہوں کہ میری شاگردہ فرحانہ مشتاق کی طرح آپ کو بھی گڈریا کی مثال سے کرچاف قانونِ رو کی سمجھ آگئی ہو گی۔





شكل 2.10: كرچاف قانون رو كبي مثال.

2.2. قوانين كرچاف

 $j_0$  عاصل ہوتا ہے۔ یوں حقیقت میں جوڑ  $j_0$  سے جوڑ  $j_0$  کی جانب  $j_0$  کی جانب خارجی دو کا مجموعہ خارجی دو کا مجموعہ کی دور نے میں جو کی دور کی دور

$$9\,\mathrm{mA} = i_1 + 5\,\mathrm{mA}$$

لكھاكر

 $i_1 = 4 \,\mathrm{mA}$ 

حاصل ہوتا ہے۔شکل-الف میں جوڑ j<sub>4</sub> پر

 $i_1 + i_2 = i_3 + 2 \,\mathrm{mA}$ 

$$i_1 = i_3 + 2 \text{ mA} - i_2$$
  
=  $-1 \text{ mA} + 2 \text{ mA} - (-3 \text{ mA})$   
=  $4 \text{ mA}$ 

ہی حاصل ہوتا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کرچاف قانونِ رو لکھتے ہوئے ، i<sub>2</sub> ، i<sub>2</sub> ، i<sub>3</sub> ، i<sub>2</sub> ، i<sub>3</sub> کے سمتوں سے ہی انہیں داخلی یا خار جی روگنا جاتا ہے۔

مثال 2.8: شكل 2.11 مين تمام جوڑ پر كرچاف قانونِ رو كى مساوات ككھيں۔

حل:جوڑ  $j_0$  تاجوڑ  $j_4$  بالترتیب مساوات لکھتے ہیں۔خارجی رو کو مثبت تصور کیا گیا ہے۔

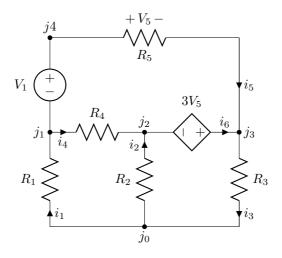
$$i_1 + i_2 - i_3 = 0$$
  
$$i_4 + i_5 - i_1 = 0$$

$$i_4 + i_5 - i_1 = 0$$
  
$$i_6 - i_2 - i_4 = 0$$

$$i_3 - i_5 - i_6 = 0$$

$$i_5 = i_5$$

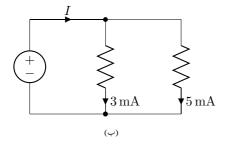
عاب 2. مزاحمتی ادوار

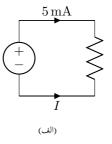


شکل 2.11: کرچاف قانون رو کی دوسری مثال.

مشق 2.4: شكل 2.12 مين I دريافت كرين-

 $I = 8 \,\mathrm{mA}$  :(بانف):  $I = -5 \,\mathrm{mA}$  (ب): جواب:

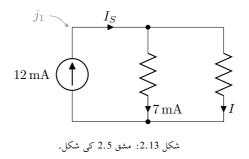




شكل 2.12: كرچاف قانونِ رو كا پهلا مشق.

2.2. قوانين كرچاف

# مشق 2.5: شكل 2.13 ميں $I_{\rm S}$ اور I حاصل كريں۔

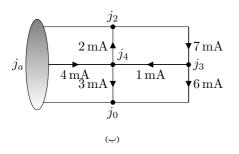


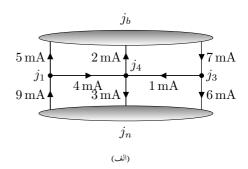
جوابات:  $I_S=12\,\mathrm{mA}$  ،  $I_S=12\,\mathrm{mA}$  ؛ برقی رو  $I_S$  حاصل کرنے کی خاطر نقطہ وجوڑ تصور کریں۔

مثال 2.9: شکل 2.10-ب میں کسی بھی جگہ بند سطے تھنچ کر دیکھا جا سکتا ہے کہ کرچاف قانونِ رو بند سطح پر لا گو ہوتا ہے۔ شکل 2.14-الف میں ایہا ہی کیا گیا ہے۔ بالا کی اور مجلی سطح کے داخلی اور خارجی رو دریافت کریں۔

حل: بالائی سطح کو جوڑ تصور کیا جا سکتا ہے۔ شکل میں اس جوڑ کو j<sub>b</sub> کہا گیا ہے۔ بالائی سطح پر مجموعی داخلی رو کہ mA + 2 mA ہے۔ اس سے 7 mA رو خارج ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ داخلی اور خارجی رو برابر ہیں۔

نجی سطح پر داخلی رو A mA + 6 mA ہے۔ اس سطح پر بھی داخلی اور خارجی رو برابر ہیں۔ نجلی سطح کو جوڑ jn کہا گیا ہے۔





شکل 2.14: کرچاف قانونِ رو ہر بند سطح پر لاگو ہوتا ہے۔

باب 2. مزاحمتی ادوار

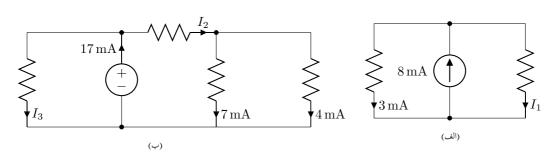
# آپ شکل 2.10-ب پر کسی بھی جگہ پر بند سطے تھینج کر دیکھ سکتے ہیں کہ اس سطح پر داخلی روعین سطح سے خارجی رو کے برابر ہو گی۔

مثق 2.6: شكل 2.14-ب مين بند سطح كي داخلي اور خارجي روحاصل كرين-

جوابات: داخلی رو 9 mA ہے اور خار جی رو بھی 9 mA ہے۔

مشق 2.7: شكل 2.15 ميں نامعلوم رو دريافت كريں۔

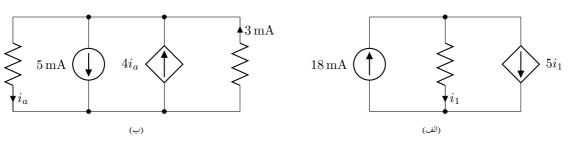
 $I_3=6\,\mathrm{mA}$  اور  $I_2=11\,\mathrm{mA}$  ،  $I_1=5\,\mathrm{mA}$  : آب



شكل 2.15: مشق 2.7 ميں استعمال ہونے والا دور۔

2.2. قوانين كرچاف

# مثق 2.8: شکل 2.16-الف میں $i_1$ اور شکل -ب میں $i_a$ دریافت کریں۔



شكل 2.16: مشق 2.8 ميں استعمال ہونے والا دور۔

 $i_a = \frac{2}{3} \,\mathrm{mA}$  ،  $i_1 = 3 \,\mathrm{mA}$  جوابات:

كرچاف كا دوسرا قانون، كرچاف قانون برائے برقى دباو ہے۔اس قانون كو عموماً كرچاف قانون دباو 24 كها جاتا ہے۔

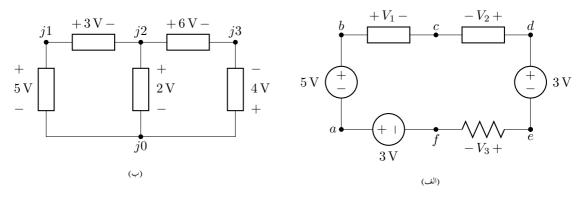
کر چاف قانونِ دباو کہتا ہے کہ کسی بھی بندراہ پر بڑھتے برقی دباو کا مجموعہ، گھٹتے برقی دباو کے مجموعے کے عین برابر ہو گا۔

شکل 2.17-الف میں جوڑ j0 سے برقی دور میں گھڑی کے سمت گھومتے ہوئے بڑھتے دباو کا مجموعہ  $5+V_2+3=1$ 

حاصل ہوتا ہے جبکہ گھٹتے دباو کا مجموعہ

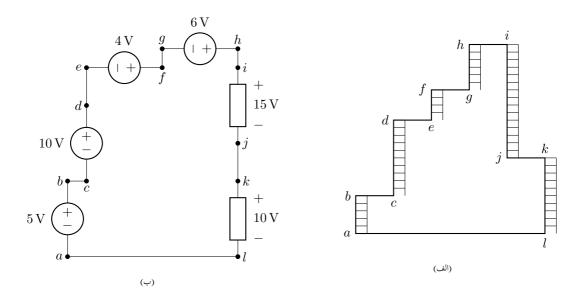
گھٹتا د باو
$$V_1+3+V_3$$

Kirchoff's voltage law, KVL<sup>24</sup>



شكل 2.17: كرچاف قانونِ دباو.

36 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.18: كرچاف قانون دباو اور بلندى.

حاصل ہوتا ہے۔ کرچاف قانون دباو کے تحت بیہ قیمتیں برابر ہیں یعنی

$$5 + V_2 + 3 = V_1 + 3 + V_3$$

ہو گا۔اس مساوات کو یوں

$$(2.19) 5 + V_2 + 3 - V_1 - 3 - V_3 = 0$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں کر جاف قانون د باو کو

$$\sum_{b=1}^{B} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$$
 وباو  $\sum_{b=1}^{G} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$  وباد تانونِ دباو

کھا جا سکتا ہے جہاں بند دائرے میں بڑھتے دباوکی تعداد B اور گھٹے دباوکی تعداد G ہے۔

شکل 2.17-الف میں بڑھتے دیاو کو مثبت اور گھٹے دیاو کو منفی لکھتے ہوئے مجموعہ حاصل کرنے سے عین مساوات 2.19 حاصل ہوتا ہے للمذا کرچاف قانون دیاو کو درج ذیل مساوات کی صورت میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

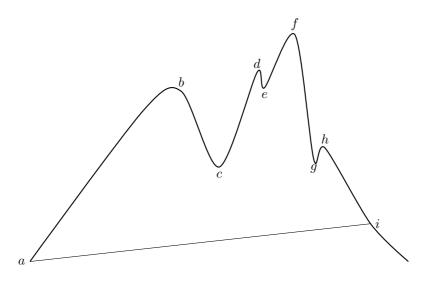
$$\sum_{s=1}^{S}V_{s}=0$$
 کرچاف قانونِ دباو  $\sum_{s=1}^{S}V_{s}=0$ 

اس مساوات میں اگر بڑھتے دباو کو مثبت لکھا جائے تب گھٹے دباو کو منفی لکھا جائے گا اور اگر گھٹے دباو کو مثبت لکھا جائے تب بڑھتے دباو کو منفی لکھا جائے گا۔

شکل 2.9 میں کرچاف قانونِ رو کو پہاڑی سے اترتی بکریوں کی مدد سے سمجھایا گیا۔ آئیں کرچاف قانون دباو کو شکل 2.18 کی مدد سے سمجھیں۔

شکل 2.18-الف میں ایک عمارت کا بیرونی خاکہ دکھایا گیا ہے۔ عمارت کے بائیں طرف سیڑھی کو استعال کرتے ہوئے پہلی منزل b تک پہنچنا ممکن ہے۔ اس کے ۔ اس کے سیڑھی بلندی اختیار کریں گے۔ اس کے سیٹے بیں کہ a سے بانچ سیڑھی بلندی ہوں گی توں حقیقت کو ریاضیاتی طور پر a کھا جاتا ہے۔ پہلی منزل کی حجیت a تا a ہے یوں b سے a تک چلئے میں آپ کی بلندی جوں کی توں

2.2. قوانين كرچاف



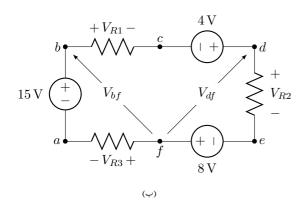
شكل 2.19: كرچاف قانونِ دباو اور پهاڙي پر چرتي بكريان.

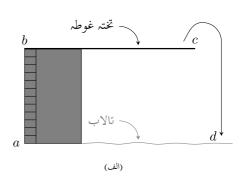
رہے گی۔ ای طرح کا تک پہنچنے کی خاطر مزید دس سیڑھیاں پڑھنی ہوگی لعنی  $B_{dc}=10$  ہوں  $B_{dc}=10$  کی اونچائی پندرہ سیڑھی ہے۔ ان  $B_{ha}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$  کا مات کا  $B_{ha}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$  کا مات کا  $B_{ba}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$  کی اونے گا۔ ای طرح  $B_{a}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$  جس میں قیمتیں پر کرتے ہوئے گا۔ ای گا۔ گا۔ ای گا۔ گا۔ ای گا۔ گا۔ کا گا۔ کا

شکل 2.18-الف کا مساوی برتی و ور شکل 2.18-ب میں و کھایا گیا ہے۔ شکل 2.18-الف میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں تبدی میں تبدیلی میں تبدیلی کو عود کی و کھایا جاتا ہے۔ شکل -ب میں بر قرار بہتی و باو کو تار ظاہر کرتی ہے اور ایسی تار کو جوڑ 25 کہا جاتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بہتی کو اور گھڑی کی سمت میں کو جوڑ 25 کہا جاتا ہے۔ شکل -ب میں ہوتا ہے۔ شکل -ب میں بر قرار ہوتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بلندی کو میں ہوتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بلندی افتی کے اس کے جہاں بڑھے د باو کو مثبت کھا گیا ہے۔ اس طرح کر گھڑی کے الٹ جو کہ کہا جاتا ہے۔ اس کہ جہاں بر تھے د باو کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کہا ہوئی کیر بر قرار بلندی کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں برقرار دباو کو ظاہر کرتی ہے لیادا شکل 2.18-الف میں افتی کئیر بر قرار بلندی کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں برقی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر برقرار بلندی کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر برقرار دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی کہ برقرار دباو کو ظاہر کرتی ہے۔

 $node^{25}$ 

38 باب 2. مزاحمتي ادوار





شکل 2.20: کرچاف قانون دباو کے استعمال میں بند دائرہ فرضی ہو سکتا ہے۔

کر چاف قانون دباو کے استعال بند دائر سے پر ہوتا ہے۔ ایسا بند دائرہ فرضی بھی ہو سکتا ہے۔ آئیں ایس ایس مثال دیکھیں۔ شہر وں میں پانی کے تالاب پر عموماً غوطہ کو کھا یا غوطہ کو کھا یا خوطہ لگانے کی خاطر او نچائی پر تختہ نسب ہوتا ہے جہاں سے غوطہ خور قلا بازیاں کھاتا ہوا پائی تک پنچتا ہے۔ شکل 2.20-الف میں ایسا ہی تختہ غوطہ کو کھا یا گیا ہے جس تک بائیں جانب نسب سیڑ تھی کے ذریعہ پہنچا جا سکتا ہے۔ اس سیڑ تھی کو استعمال کرتے ہوئے غوطہ خور ہے گر موا میں قلا بازیاں کھاتا ہوا نیچ تالاب میں ڈبی لگاتا ہے۔ شکل میں تیرکی لکیر غوطہ خور کے گرنے کو دکھاتی ہے۔ اب مے سے اور یہاں سے میں حک حقیقی راہ پائی جاتی ہے جس پر غوطہ خور چلتا ہے لیکن کے سے کہ تک کوئی سیڑ تھی نہیں ہے۔ یہ بس خلاء میں فرضی راہ ہے جس پر غوطہ خور نیچ اترتا ہے جس کے بعد وہ واپس میں تک لوٹی ہوئے بند دائر سے پر چال قدمی پوری کرتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بارہ سیڑ تھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑ تھی ہی کے بارہ سیڑ تھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑ تھی ہی نے گرتا ہے۔

$$V_{R1} + V_{R2} + V_{R3} = 15 + 4 + 8$$

حاصل ہوتا ہے۔ابیا حقیقی راہ پر کیا گیا۔آئیں اب f سے a اور یہاں سے b کے بعد فرضی راہ پر واپس f پہنچیں۔فرضی راہ کو نوک دار ککیر سے دکھایا گیا ہے جہاں تیر کا نثان مثبت سرے کو ظاہر کرتی ہے۔یوں

$$V_{R3} - 15 + V_{bf} = 0$$

لکھا جا سکتا ہے جہال گھٹے دباو کو مثبت لکھا گیا ہے۔اس سے

$$V_{bf}=15-V_{R3}$$

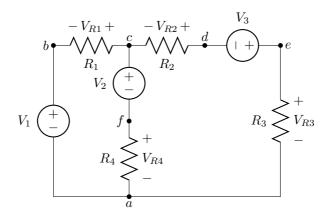
حاصل ہوتا ہے۔یوں اگر  $V_{R3} = 7$  ہوتب  $V_{bf} = 8$  ہوگا۔ یہاں بتلاتا چلوں کہ اس کتاب میں گھٹے دباو کو ہی مثبت کلھا جائے گا۔اییا لکھنے میں آپ کو شروع میں کچھ دقت ہو سکتی ہے۔اسی طرح دیگر فرضی بند دائروں پر مندرجہ ذیل کلھا جا سکتا ہے

$$V_{R3} - 15 + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$
$$8 - V_{R2} + V_{df} = 0$$
$$-V_{bf} + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$

 $V_{R2} = 11\,\mathrm{V}$  ،  $V_{R1} = 9\,\mathrm{V}$  ، کون الٹ سمت چپلا گیا ہے۔ یوں اگر  $V_{R2} = 11\,\mathrm{V}$  ،  $V_{R1} = 9\,\mathrm{V}$  ، کون کے۔ اور  $V_{R3} = 7\,\mathrm{V}$  ، اور  $V_{bf} = 8\,\mathrm{V}$  ، کون کے۔

diving board<sup>26</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup>جی مجھے معلوم ہر کہ غوطہ خور اوپر چھلانگ لگا کر بارہ سیڑھی سے زیادہ بلندی سے گرتا ہر .مجھے امید ہرے کہ آپ تمام گفتگو کی اصل مقصد سمجھ گئے ہوں گرے .



شكل 2.21: تابع اور غير تابع مساوات.

شکل 2.21 میں کر چاف قانون د باواستعال کرتے ہوئے کل تین عدد مساوات لکھنا ممکن ہے۔ یہ مساوات بائیں بند دائرہ abc fa ، دائیں بند دائرہ abcdea ، دائیں بند دائرہ abcdea پر لکھے جائیں گے جنہیں یہاں پیش کرتے ہیں۔

$$(2.22) -V_1 - V_{R1} + V_2 + V_{R4} = 0$$

$$(2.23) -V_{R4} - V_2 - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

$$(2.24) -V_1 - V_{R1} - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

مساوات 2.22 واور مساوات 2.23 کو آپس میں جمع کرنے سے مساوات 2.24 واصل ہوتا ہے۔ اسی طرح مساوات 2.23 سے مساوات 2.24 منٹی کرنے سے مساوات 2.22 واصل ہوتا ہے۔ ایسی صورت میں وہ عدد مساوات کو غیر مساوات 2.25 واصل ہوتا ہے۔ ایسی صورت میں وہ عدد مساوات کو غیر قابع مساوات کہ جاتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات واصل کرنے کی خاطر دو تابع مساوات کہ جاتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات واصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات درکار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات کا اور لا مندرجہ ذیل ہمزاد مساوات میں سے کسی بھی دو مساوات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع مساوات ہوئے تیسر کی مساوات واصل کی جاسکتی ہے لہذا تیسر کی تابع مساوات ہوئی ہے جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہوتی ہے جسے لکھنے کی ضرورت نہیں ہے۔

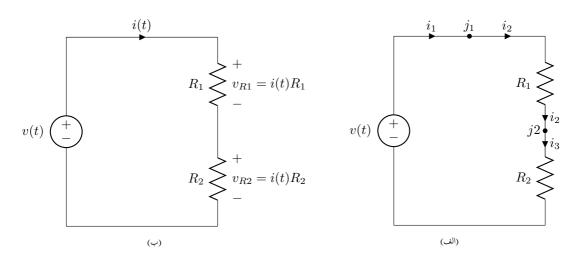
$$x + y = 3$$
$$x - y = -1$$
$$3x + y = 5$$

شکل 2.21 صرف دوعدد غیر تابع مساوات مہیا کرتا ہے للذاا گرچہ ہم اس دور کے لئے تین مساوات لکھ سکتے ہیں لیکن ایسا کرنے کی کوئی ضرورت نہیں۔کسی بھی دور میں نسب تمام اجزاء کسی نہ کسی دائرے کا حصہ بنے۔یوں کم سے کم سے کم سے کم مساوات حاصل ہول گے۔ کم تعداد کے مساوات حل کرنا نسبتاً زیادہ آسان ہوتا ہے۔

## 2.3 سلسلہ وار جڑے پرزوں میں رو

v(t) کرچاف کے قوانین جاننے کے بعد آئیں انہیں چند سادہ ادوار پر لا گو کرتے ہوئے کچھ کار آمد نتائج حاصل کریں۔ شکل 2.22-الف میں منبع دباو v(t) کے ساتھ دو عدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔ منبع اور  $R_1$  آپس میں جوڑ  $j_1$  پر ملتے ہیں۔ منبع کی رو  $i_1$  اور مزاحمت میں داخل ہوتی رو کو  $i_2$  تصور کرتے ہوئے جوڑ  $j_1$  پر کرچاف قانون رو لا گو کرتے ہوئے  $i_1$  و کھا جا سکتا ہے۔ یوں منبع اور مزاحمت  $i_1$  میں بالکل برابر رو پائی جاتی ہے۔ یہی

، باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.22: سلسله وار جڑے مزاحمت ميں دباو كي تقسيم.

ترکیب مزاحمت R<sub>1</sub> اور مزاحمت R<sub>2</sub> کے جوڑ j<sub>2</sub> پر لا گو کرتے ہوئے i<sub>2</sub> = i<sub>3</sub> کھاجا سکتا ہے۔ یوں اگر R<sub>4</sub> تا ہوتی تب i<sub>2</sub> اور 3 mA جوٹے ور دور میں گھڑی کی سمت گھومتی۔اس حقیقت کو یوں بہتر بیان کیا جا سکتا ہے کہ سلسلہ وار جڑے پرزوں میں کیساں برتی رو پائی جاتی ہے۔

#### 2.4 تقسيم دباو

گزشتہ جھے میں ہم نے دیکھا کہ سلسلہ وار دور میں ہر مقام پر یکسال رو پائی جاتی ہے۔اسی سلسلہ وار دور کو شکل 2.22-ب میں دوبارہ پیش کیا گیا ہے جہال دور کی رو کو i(t) کھا گیا ہے۔کسی بھی مزاحمت میں گزرتی رواور مزاحمت کے سرول کے مابین دباو کا تعلق قانون اوہم دیتا ہے۔یوں مزاحمت  $v_{R1}$  بر  $v_{R2}$  دباویا یا جائے گا۔شکل -ب کے لئے کر جاف قانون دباوسے  $v_{R1}$  دباویا یا جائے گا۔شکل -ب کے لئے کر جاف قانون دباوسے

$$v(t) = v_{R1} + v_{R2}$$
  
=  $i(t) (R_1 + R_2)$ 

کھا جا سکتا ہے۔ مزاحت R<sub>1</sub> کے دباو کو منبع کے دباوے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{v_{R1}}{v(t)} = \frac{i(t)R_1}{i(t)[R_1 + R_2]}$$

یا

$$\frac{v_{R1}}{v(t)} = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اس طرح مزاحمت R2 کے دباو کو منبع کے دباوسے تقسیم کرنے سے

$$\frac{v_{R2}}{v(t)} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 2.25اور مساوات مساوات 2.26 تقسیم دباو کے مساوات ہیں۔آئیں ان کی افادیت مثال کی مدد سے سمجھیں۔

2.4. تقسيم دباو

مثال 2.10: شکل 2.22 میں v(t) = 15 ہیں۔ دونوں مزاحمت کے دباو حاصل کریں۔ مثال 2.10: شکل 2.22 میں مزاحمت کے دباو حاصل کریں۔

مساوات 2.25 سے

$$v_{R1} = \frac{15 \times 1000}{1000 + 2000} = 5 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 2.26 سے

$$v_{R2} = \frac{15 \times 2000}{1000 + 2000} = 10 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سلسلہ وار مزاحت جوڑنے سے داخلی دباو کو مختلف قیمتوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔دوسے زیادہ مزاحمت سلسلہ وار جوڑتے ہوئے داخلی دباو کو زیادہ حصوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ 42 باب 2. مزاحمتی ادوار