## برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

# عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/( a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا <b>ر</b> قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	(```	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								مليه وا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•				او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								مليه وا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•	)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (	حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	زراز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(	تعمار	والمع	د با	$\dot{c}$	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی	) برق گیراو	6
ر من بر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر میں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہو		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعادی اداماله کیر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۰ میں اور در میں میں ہوتات کی میں میں تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

عـــنوان V

295																													(	.1		£	. [	μ	۶		7	2 1				
321																																								7.3		
328																																								7.4		
320	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	١١.	ن اد و	زود ( ۱۰	,	/ . <del> 1</del>		
359																																					ق رو	ت بر <sup>ل</sup>	مالر	برقراره		8
359																																					عد اد	مخلوط ا	•	8.1		
364																																								8.2		
373																																								8.3		
381																																								8.4		
386	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	تعا	٠.	٠,		٠,	٠, .		٠	•		•	٠ . د	; " "	-	دور ی	,	8.5		
386	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	U	(	ی	Ů	ور	ي د	<i>ا</i> اد	ء ا س	<u>'</u> _,	ابير	برن	ور	يرا	اله	ت،ا،	نزاحمه •	•			
396																																								8.6		
409																																								8.7		
419																																								8.8		
424	•																									•						•			. •	يب	ا تراک	تجزياني	7	8.9	)	
																																							=			_
443																																								برقرار		9
443																																								9.1		
446 453	•														•											•				٠		:				. •	ماقت	وسطه	1	9.2		
																																								9.3		
463																																								9.4		
472																																					قت	جزوطا	•	9.5		
476																																					ماقت	مخلوطه	•	9.6	)	
484																																								9.7	,	
489																																								9.8		
491																																								9.9	)	
492																																								9.10		
497																																			- 1					0.11		
49/	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	<i>/</i>	) مداه	تفا د		9.11		
499																																					4	د ن	7	مقناطيسح	. 1	Λ
499																																										U
517	•	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	•	•	∻	•	· 	•	^	یہ امالہ سنا	مستر ا مندسر		10.1		
523	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	J	ارم	إكسفا	کا حل تر	í	10.3		
547																																						٠٠	. /	تين د ور	. 1	1
.,																																										. 1
547																																		•			_	-				
553																																										
561																																										
566																																					وجھ	نكونى!	•	11.4		
571																																										
580																																		کی	ر څ	کی	قت	جزوطا		11.6		

585																						(	وتعمل	تعدد ی ره	12
596																						(	جال	12.1	
598																					ب	إور قطيه	صفر	12.2	
600																			زىي	ی تجر	رد	ن نماتعد	سائر	12.3	
600																		Ы	خطو	بوڈا		12.3	.1		
621			•	•									•									ادوار	تحمكى	12.4	

عـــنوان

### باب12

## تعددى ردعمل

گزشتہ بابوں میں ہم RLC ادوار کو حل کر چکے ہیں جہاں تعدد غیر متغیر تھی۔اس باب میں تعدد تبدیل کرتے ہوئے ادوار کارد عمل بالمقابل تعدد دیوا جائے گا۔آئیں شروع میں سادہ ترین پرزوں کا تعدد کی رد عمل دیکھیں۔سادہ ترین پرزے مزاحمت، امالہ اور برق گیر ہیں۔تعدد کی رد عمل دیکھتے ہوئے سائن نمااشارات زیر استعال لائے جائیں گے۔

شکل 12.1-الف میں مزاحت د کھایا گیا ہے۔ مزاحت کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.1) Z_R = R/0^\circ$$

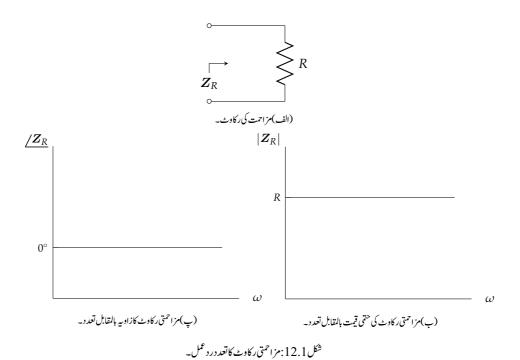
یوں مزاحمت کی رکاوٹ پر تعدد  $\omega$  کا کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ مزاحمت کے رکاوٹ کی حتمی قیمت  $|Z_R|$  تمام تعدد پر صفر درجے رہتا ہے۔ یہ حقائق شکل 12.1-ب اور شکل R کے برابر ہے جبکہ اس کا زاویائی ہٹاو R تعدد پر صفر درجے رہتا ہے۔ یہ حقائق شکل 12.1-ب اور شکل R 12.1-ب اور شکل R 12.1-ب میں دکھائے گئے ہیں۔

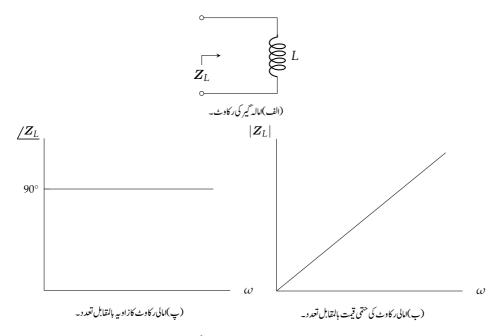
امالہ گیر کو شکل 12.2-الف میں و کھایا گیا ہے۔امالہ گیر کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.2) Z_L = j\omega L = \omega L/90^{\circ}$$

اس طرح امالہ گیر کے رکاوٹ کی حتی قیمت تعدد بڑھانے سے بڑھتی ہے۔رکاوٹ کی مقدار کا تعدد کے ساتھ راست تنابی رشتہ ہے۔

$$|\mathbf{Z}_L| = \omega L$$





شكل 12.2 : امالى ر كاوٹ كاتعد در دغمل ـ

صفر تعدد پر اماله گیر کی رکاوٹ ΩΩ ہو جاتی ہے اور بیہ قصر دور خاصیت رکھتا ہے جبکہ لا متناہی تعدد پر رکاوٹ کی مقدار لا متناہی ہو جاتی ہے اور اماله گیر بطور کھلا دور عمل کرتا ہے۔امالی رکاوٹ کا زاویہ تمام تعدد پر °90 رہتا ہے۔

(12.4) 
$$/\mathbf{Z}_{L} = 90^{\circ}$$

شكل 12.2-ب اور شكل 12.2-پ ميں ان حقائق كو د كھايا گيا ہے۔

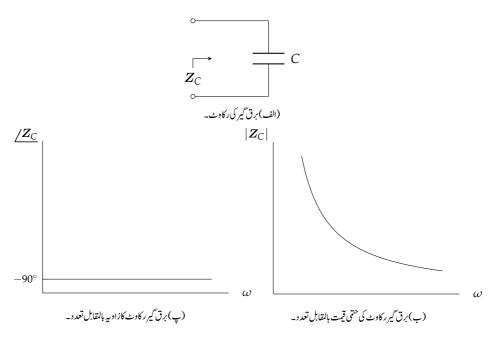
برق گیر کوشکل 12.3-الف میں دکھایا گیا ہے۔ برق گیر کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.5) Z_C = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{\omega C} / -90^\circ$$

اس طرح برق گیر کے رکاوٹ کی مقدار کا تعدد کے ساتھ بالعکس متناسب کارشتہ ہے جبکہ اس کا زاویہ تمام تعدد پر °90– رہتا ہے۔

$$|\mathbf{Z}_{\mathsf{C}}| = \frac{1}{\omega \mathsf{C}}$$

$$(12.7) bZ_{\underline{C}} = -90^{\circ}$$

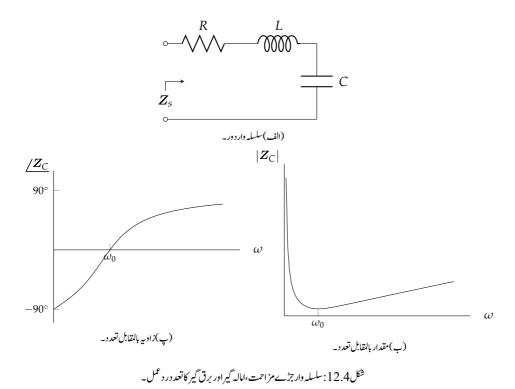


شكل 12.3: برق گيرر كاوٺ كاتعد در دعمل ـ

ان تعلقات کو شکل 12.3-ب اور شکل 12.3-پ میں دکھایا گیا ہے۔ صفر تعدد پر برق گیر کی رکاوٹ لا متناہی ہو جاتی ہے۔ لہذا میہ بطور کھلا دور عمل کرتا ہے جبکہ لا متناہی تعدد پر رکاوٹ کی مقدار صفر ہو جاتی ہے اور میہ قصر دور کردار ادا کرتا ہے۔ سادہ ترین پرزوں کو نیٹانے کے بعد ذرہ مشکل ادوار دکھتے ہیں۔شکل میں مزاحمت، امالہ گیر اور برق گیر سلسلہ وار جڑے دکھائے گئے ہیں۔ان کی کل رکاوٹ چر کھتے ہیں

$$egin{align} oldsymbol{Z}_s &= oldsymbol{Z}_R + oldsymbol{Z}_L + oldsymbol{Z}_C \ &= R + j\omega L + rac{1}{j\omega C} \ &= R + j\left(\omega L - rac{1}{\omega C}
ight) \ &= R + j\left(\omega L - rac{1}{\omega C}
ight) \ &= -12.4$$
اس نفاعل کو شکل 12.4 - ب اور شکل 12.4 - پیس د کھایا گیا ہے۔

مثال 12.1: شکل 12.5-الف میں مزاحت پر دباو حاصل کریں۔اس کے مقدار بالمقابل تعدد اور زاویہ بالمقابل تعدد کے



با\_\_12. تعددي روغمسل

خط کیجیں۔

حل: دور سے مزاحمت کا دباو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{V}_R = \frac{(4)(20\underline{/0^\circ})}{4 + j(2\pi f 0.15 - \frac{1}{2\pi f 0.004})}$$

جو مخلوط نفاعل ہے۔اس کی حتمی مقدار  $\hat{V}_R$  بالمقابل تعدد f کو شکل۔ب میں دکھایا گیا ہے۔اس ترسیم میں دونوں محور کی پیائش لاگ 1 میں ہے۔اس طرز کے ترسیم کو لاگ لاگ 2 ترسیم کہا جاتا ہے۔مقدار بالمقابل تعدد کے خط عموماً لاگ  $V_R$  بالمقابل تعدد کو شکل۔پ میں نیم لاگ 3 محور پر دکھایا گیا ہے۔ کم تعدد پر دباو کا زاویہ  $V_R$  جبکہ بلند تعدد پر زاویہ  $V_R$  ہے۔

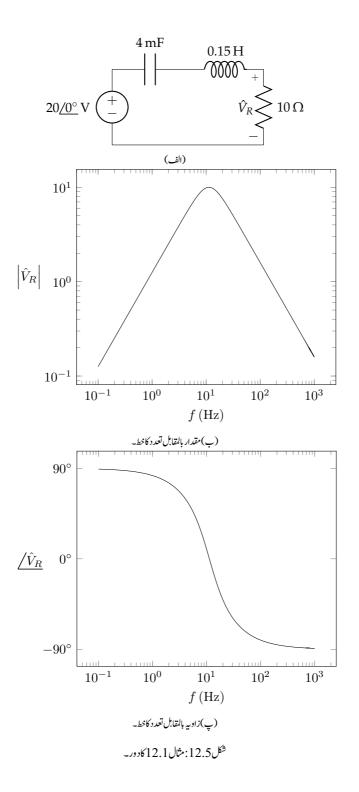
یہاں لاگ لاگ اور نیم لاگ محور پر قیمتیں پڑھنا سکھ لیس چونکہ اس باب میں انہیں کا استعال ہو گا۔یوں شکل 12.5-ب میں حتمی مقدار کی چوٹی 10<sup>1</sup> یعنی دس ہر ٹز پر پائی جاتی ہے۔یہ چوٹی 10<sup>1</sup> یعنی دس وولٹ کو ظاہر کرتی ہے۔اس طرح 10<sup>2</sup> Hz یعنی سوہر ٹز پر دباو تقریباً 1.6 V ہے۔

سمعی 4 اشارات کو عددی صورت 5 میں تبدیل کرتے ہوئے کمپیوٹر میں ذخیرہ کیا جاتا ہے۔ انہیں کو دوبارہ مماثل صورت 6 میں تبدیل کرتے ہوئے سنا جا سکتا ہے۔ آئیں ان اشارات پر ایک مثال دیکھیں۔

کمپیوٹر سے حاصل موسیقی کے مماثلی اشارات کی چوٹی  $1.5\,\mathrm{V}$  ہے۔ ہم چاہتے ہیں کہ سمعی دباو ایمپلیفائو  $^7$ استعال کرتے ہوئے  $\Omega$  8  $\Omega$  کے سپیکو  $^8$ کو  $\mathrm{VOW}$  طاقت فراہم کی جائے۔ان حقاکق سے ایمپلیفائر کے داخلی مماثل اشارہ کی موثر قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$v_m = \frac{1.5}{\sqrt{2}} = 1.061 \,\text{V rms}$$

log-log<sup>2</sup>
semilog<sup>3</sup>
audio<sup>4</sup>
digital form<sup>5</sup>
analog form<sup>6</sup>
voltage amplifier<sup>7</sup>
loud speaker<sup>8</sup>



باب<u>.</u>12. تعبد دي ارد عمس ال

طاقت کے کلیے  $P=rac{V_{
m rms}^2}{R}$  سے آٹھ او ہم کے سپیکر کو دس واٹ طاقت کے لئے درکار موثر دباو حاصل کرتے ہیں۔ $v_0=\sqrt{(10)(8)}=8.944\,{
m V\,rms}$ 

یوں ایمپلیفائر کی در کار افٹرائش دباو درج ذیل ہے۔

$$A_v = \frac{v_0}{v_m} = \frac{8.944}{1.061} = 8.43 \,\mathrm{V} \,\mathrm{V}^{-1}$$

 $A_v = 10.6$  شکل 12.6 الف میں ایمپلیفائر اور سپیکر دکھائے گئے ہیں جہاں  $v_m$  کمپیوٹر سے حاصل مماثل سمعی اشارہ ہے اور  $v_m$  10.53 V V تعددی  $v_m$  10.53 V V تا 10.53 V کے سمعی اشارات من سکتا ہے لہٰذا ہمارے ایمپلیفائر کو اس تعددی پٹی و کے اشارات کا حیطہ بڑھاتے ہوئے اصل آواز کی خاصیت تبدیل نہیں ہونی چاہیے۔ اگر پوری تعددی پٹی پر اکمپلیفائر کی افغرائش کی قیمت بکساں ہو تب آواز کی خاصیت بر قرار رہے گی۔ یوں ہم چاہیں گے 20 KHz تا 20 Hz پٹی ایمپلیفائر کی افغرائش بالقابل تعددی خط کو شکل - پ میں دکھایا گیا ہے۔ پر ایمپلیفائر کی افغرائش بالقابل تعددی خط کو شکل - پ میں دکھایا گیا ہے۔

برق گیر کی رکاوٹ  $Z_C = \frac{1}{i\omega C}$  کھی جاتی ہے جس میں  $i\omega = s$  پر کرتے ہوئے  $i\omega = s$  کھا جا سکتا ہے۔ ایسا ہی کرتے ہوئے ایمپلیفائر کو دوبارہ شکل پ میں وکھایا گیا ہے۔ آپ میں سے پچھ طلبہ  $i\omega$  کو پیچان گئے ہوں گے۔ یہ لاپلاس بدل $i\omega$ کا متغیرہ ہے۔

آئیں شکل-ب کو حل کریں۔داخلی جانب بالائی جوڑ پر کرخوف مساوات رو کھتے ہیں

$$\frac{v_i - v_m}{R_m} + sC_iv_i + \frac{v_i}{R_i} = 0$$

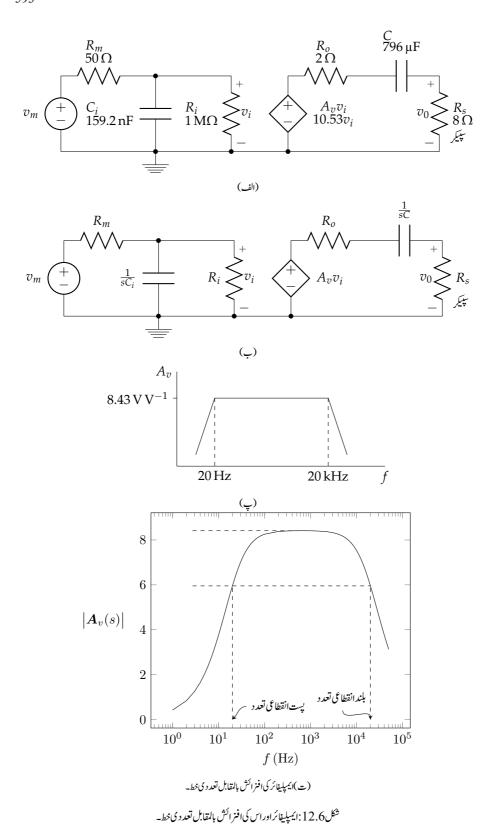
جس کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_i\left(\frac{1}{R_m} + sC_i + \frac{1}{R_i}\right) = \frac{v_m}{R_m}$$

اس میں قوسین کے اندر مزاحمتوں کو قریب قریب کھتے ہوئے  $v_i$  کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$v_i = \frac{v_m}{R_m \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i} + sC_i\right)}$$

frequency band<sup>9</sup> Laplace transform<sup>10</sup>



ىا\_\_12. تىسەدى دوغمسل 594

شکل 12.6-ب کے دائیں جانب تقسیم دباو کے کلیے سے  $v_0$  کلھتے ہیں۔

$$v_0 = \frac{A_v v_i R_s}{R_o + R_s + \frac{1}{sC}}$$

اس میں  $v_i$  کی قیمت پر کرتے ہیں

$$\begin{split} v_{0} &= \left(\frac{A_{v}R_{s}}{R_{o} + R_{s} + \frac{1}{sC}}\right) \frac{v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}} + sC_{i}\right)} \\ &= \left[\frac{sCR_{s}A_{v}}{1 + sC(R_{o} + R_{s})}\right] \frac{v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}\right) \left(1 + \frac{sC_{i}}{\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}}\right)} \\ &= \frac{R_{s}A_{v}v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}\right)} \left[\frac{sC}{1 + sC(R_{o} + R_{s})}\right] \frac{1}{\left(1 + \frac{sC_{i}}{\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}}\right)} \end{split}$$

جہاں دوسری قدم پر دائیں مجلی قوسین سے  $\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i}$  بہر نکالا گیا اور تیسری قدم پر اسی کو پہلی قوسین کا حصہ بنایا گیا۔اس مساوات میں

$$\omega_{p1} = \frac{1}{C(R_o + R_s)}$$
$$\omega_{p2} = \frac{1}{C_i} \left( \frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i} \right)$$

کھتے ہوئے درج ذیل صاف ستھرا مساوات حاصل ہوتا ہے جہاں  $\omega_{p1}$  اور  $\omega_{p2}$  مساوات کے قطب $^{11}$  کہلاتے ہیں اور انہیں تعدد کی اکائی یعنی ہرٹز Hz یاریڈیئن فی سیکنڈ  $\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  میں نایا جاتا ہے۔

(12.8) 
$$\mathbf{A}_{v}(s) = \frac{v_0}{v_m} = \frac{R_s A_v}{R_m \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i}\right)} \frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{\omega_{p1}}\right) \left(1 + \frac{s}{\omega_{p2}}\right)}$$

 $pole^{11}$ 

$$\omega_{p1}=rac{1}{796 imes 10^{-6}(2+8)}=125.63\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$$
 
$$\omega_{p2}=rac{1}{159.2 imes 10^{-9}}\left(rac{1}{50}+rac{1}{1000000}
ight)=125.634\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$$
 
$$rac{R_sA_v}{R_m\left(rac{1}{R_m}+rac{1}{R_i}
ight)}=rac{8 imes 10.53}{50\left(rac{1}{50}+rac{1}{1000000}
ight)}pprox 84.2$$

یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.9) 
$$A_{v}(s) = 84.2 \frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{125.63}\right) \left(1 + \frac{s}{125634}\right)}$$

$$-\frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{125.63}\right) \left(1 + \frac{s}{125634}\right)}$$

$$A_{v}(s) = 84.2 \frac{j2\pi f \times 796 \times 10^{-6}}{\left(1 + \frac{j2\pi f}{125.63}\right) \left(1 + \frac{j2\pi f}{125634}\right)}$$

$$= \frac{j0.421f}{\left(1 + \frac{jf}{20}\right) \left(1 + \frac{jf}{20000}\right)}$$

$$-\frac{j0.421f}{\left(1 + \frac{jf}{20}\right) \left(1 + \frac{jf}{20000}\right)}$$

$$|A_{v}(s)| = \frac{0.421f}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{20}\right)^{2}} \sqrt{1 + \left(\frac{f}{20000}\right)^{2}}}$$

شکل-ب میں  $20\,\mathrm{Hz}$  کو پست انقطاعی تعدد $^{12}$  اور  $20\,\mathrm{kHz}$  کو بلند انقطاعی تعدد $^{13}$  کی تعدد $^{14}$  کی تعدد $^{14}$  کی تعدد $^{14}$  کی تعدد $^{14}$  کی تعدد

شکل 12.6-ت میں انقطاعی تعدد کے مابین درمیانی تعدد خطے 15 میں ایمپلیفائر کی افنرائش 8.41 V V - بے جو ہمیں درکار تھی۔اس کو درمیانی تعدد پر افنرائش کہتے ہیں۔البتہ انقطاعی تعدد کے قریب ایمپلیفائر کی افنرائش گھٹ جاتی

low cut-off frequency<sup>12</sup>

high cut-off frequency<sup>13</sup>

corner frequencies<sup>14</sup>

mid-frequency range<sup>15</sup>

با\_\_\_12. تعبد دې د د عمسل 596

ہے۔ یوں بیت اور بلند انقطاعی تعدد پر افغرائش  $V^{-1}$  5.95 V ہے۔ جس تعدد پر افغرائش کی قیت در میانی تعدد کے افنرائش کے  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  گنارہ جاتی ہے اس کو انقطاعی تعدد کہتے ہیں۔ چونکہ طاقت  $P=rac{V_{
m rms}^2}{\sqrt{2}}$  کے برابر ہے لہذا دباو کی قیت  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  گنا ہو جانے سے طاقت کی قیمت نصف ہو جاتی ہے۔ یوں انقطاعی تعدد اس تعدد کو کہتے ہیں جس پر اشارے کی 8.4 imes 1 گنا 0.4 imes 1 طاقت نصف رہ جاتی ہے۔ ہمارے ایمپلیفائر کی در میانی تعدد پر افزائش  $\frac{1}{\sqrt{2}} = 5.95 \,\mathrm{V} \,\mathrm{V}^{-1}$ 

حقیقت میں یرزوں کی قیمتیں یوں رکھی جائیں گی کہ پت انقطاعی تعدد 20 Hz سے کئی گنا کم ہو اور اسی طرح بلند انقطاعی تعدد 20 kHz سے کئی گنا زیادہ ہو۔ یوں حقیقی ایمیلیغائر میں آپ انقطاعی تعدد کو 2 Hz اور 200 kHz ر کھیں گے تا کہ پوری تعددی پٹی پر ایمیلیفائر سے در کار افنر اکش میسر ہو۔

> مساوات 12.10 میں در ممانی تعددی پٹی پر انقطاعی تعدد سے دور تعدد  $20 \,\mathrm{Hz} \ll f \ll 20\,000 \,\mathrm{Hz}$

 $1+rac{jf}{20}=rac{jf}{20}$  اور  $1=rac{f}{20}\gg 1$  ہو گا۔ یوں مساوات 12.10 کے بائیں قوسین میں  $\frac{f}{20000}\ll 1$  اور دائیں قوسین میں  $1+rac{jf}{20000}=1$  کصتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے جو در میانی تعدد پر افٹر اکش ہے۔

$$\mathbf{A}_v(s) \approx \frac{j0.421f}{\left(\frac{jf}{20}\right)(1)} = 8.42$$
 (20 Hz  $\ll f \ll 20$  kHz)

#### 12.1

کسی بھی دور میں متعدد پرزے اور تاریائے جاتے ہیں جسے پرزوں اور تاروں کا حال تصور کیا جا سکتا ہے۔یوں دور کو بوقی جال یا صرف جال $^{16}$  بھی کہا جاتا ہے۔ گزشتہ جھے میں ایمیلیفائر کی افغرائش دیاو ( $A_n(s)$  کی بات کی گئی جو حال کے مختلف تفاعل H(s) میں سے ایک ہے۔ حال میں کسی مقام پر ردعمل اور داخلی اشارے کی تناسب کو H(s) کھھا جاتا ہے۔ چونکہ حال میں عموماً روعمل کو اس مقام پر نہیں نایا جاتا جس پر داخلی اشارہ لا گو کیا گیا ہو للذا (K کو تبادیی تفاعل<sup>17</sup> کہا جاتا ہے۔ داخلی اشارہ دیاویارو کا ہو سکتا ہے۔اسی طرح ردعمل بھی دیاویارو کی صورت میں ممکن ہے لہذا تبادلی تفاعل کے جار اقسام مکنہ پائے جاتے ہیں جنہیں حدول 12.1 میں پیش کیا گیا ہے۔

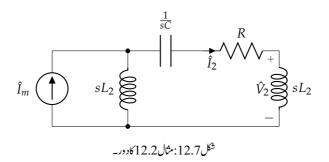
network<sup>16</sup>

 $transfer function^{17}$ 

12.1 بال

جدول 12.1: جال کے تبادلی تفاعل

علامت	تباولى تفاعل	خارجی	داخلی
$A_v(s)$	افنرائش دباو	وباو	د باو
$A_i(s)$	افنرائش رو	رو	رو
$A_g(s)$	موصل نماا فنرائش	رو	د باو
$\mathbf{A}_r(s)$	د باونماافنرائش	د باو	رو



باب.12. تعبد دي روغمسال

جس سے مزاحمت نماافنرائش لکھتے ہیں۔

$$A_r(s) = \frac{\hat{V}_2}{\hat{I}_m} = \frac{s^3 L_1 L_2 C}{s^2 (L_1 + L_2) C + sRC + 1}$$

#### 12.2 صفراور قطب

درج بالا مثال میں ہم نے دیکھا کہ تبادلی نفاعل کو دوسلسلوں کا تناسب  $\frac{A(s)}{B(s)}$  کھھا جا سکتا ہے جن کا متغیرہ s ہے۔ چونکہ ادوار میں پرزوں کی قیت اور تابع یا غیر تابع منبع کی قیت حقیقی اعداد ہوتے ہیں لہٰذا ان سلسلوں کے سر حقیقی اعداد ہوں گے۔ یوں کسی بھی جال کا تبادلی نفاعل درج ذیل کھھا جا سکتا ہے

(12.11) 
$$H(s) = \frac{A(s)}{B(s)} = \frac{a_m s^m + a_{m-1} s^{m-1} + \dots + a_2 s^2 + a_1 s + a_0}{b_n s^n + b_{n-1} s^{n-1} + \dots + b_2 s^2 + b_1 s + b_0}$$

جہاں شار کنندہ کثیر رکنی m درجے کا ہے جبکہ نسب نماکثیر رکنی n درجے کا ہے۔مساوات 12.11 کو بذریعہ تجزی درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(12.12) 
$$\mathbf{H}(s) = \frac{K(s+z_1)(s+z_2)\cdots(s+z_m)}{(s+p_1)(s+p_2)\cdots(s+p_n)}$$

 $s=-z_3$  یا  $s=-z_2$  یا  $s=-z_2$  ہو تب H(s)=0 ہو گا۔ ای طرح اگر  $s=-z_1$  یا  $s=-z_1$  ہو تو  $s=-z_1$  ہو تا  $s=-z_1$  ہو تا

zeroes<sup>18</sup>

poles<sup>19</sup>

 $<sup>{\</sup>rm complex}\ {\rm conjugate}^{20}$ 

12.2. صنب راور قطب

ساتھ نہ بدلنے والے نظام کے تبادلی تفاعل کھنے کا انتہائی اہم طریقہ ہے چونکہ اس کے قطبین کو دیکھ کر تفاعل کی خاصیت کے بارے میں جانا جا سکتا ہے۔ایسے نظام کے تبادلی نفاعل کو عموماً اسی صورت میں لکھا جاتا ہے۔

مساوات 12.12 میں شار کنندہ سے  $z_1$  تا  $z_m$  اور نسب نما سے  $p_n$  تا  $p_n$  باہر نکالتے اور ترتیب دیتے ہوئے ذیل ماتا ہے

$$H(s) = \frac{K(z_{1}z_{2}\cdots z_{m})(1+\frac{s}{z_{1}})(1+\frac{s}{z_{2}})\cdots(1+\frac{s}{z_{m}})}{(p_{1}p_{2}\cdots p_{n})(1+\frac{s}{p_{1}})(1+\frac{s}{p_{2}})\cdots(1+\frac{s}{p_{n}})}$$

$$- \frac{K(z_{1}z_{2}\cdots z_{m})}{(p_{1}p_{2}\cdots p_{n})} = K_{0} \quad \text{if } \frac{K(z_{1}z_{2}\cdots z_{m})}{(1+\frac{s}{z_{1}})(1+\frac{s}{z_{2}})\cdots(1+\frac{s}{z_{m}})}$$

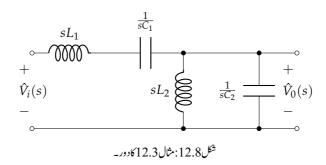
مثق 12.1: شکل 12.6-الف کا تبادلی تفاعل مساوات 12.9 میں دیا گیا ہے۔ اس کے صفر اور قطب دریافت کریں۔  $-p_2=-20\,\mathrm{kHz}$  ،  $-p_1=-20\,\mathrm{Hz}$  ،  $-z_1=0\,\mathrm{Hz}$  .

مثق 12.2: شكل 12.6-الف ميں داخلی اشارے كو در پیش ركاوٹ دريافت كريں۔  $R_m + \frac{R_i}{1+sR_iC_i}$  جواب:

مثق 12.3: شكل 12.8 مين تبادلى تفاعل  $\frac{\hat{V}_0(s)}{\hat{V}_i(s)}$  حاصل كرير- جواب:

$$\frac{\hat{V}_0(s)}{\hat{V}_i(s)} = \frac{s^2 L_2 C_1}{s^4 L_1 L_2 C_1 C_2 + s^2 (L_1 C_1 + L_2 C_2 + L_2 C_1) + 1}$$

پا<u>ب 1</u>2. تعبد دي رو<sup>عمب</sup> ل



### 12.3 سائن نماتعددي تجزيه

بعض او قات ہم جال کو کسی مخصوص تعدد پر چلاتے ہیں۔اس کی مثال 50 Hz پر چلنے والا واپڈا کا نظام ہے۔اس کے برعکس کئی ادوار بدلتی تعدد پر استعال کئے جاتے ہیں۔ سمعی ایمپلیفائر ایسادور ہے جو 20 Hz تا 20 kHz کے تعدد پر چلایا جاتا ہے۔ہم یہاں ادوار کی کار کردگی بالمقابل تعدد میں دلچین رکھتے ہیں۔ تبادلی تفاعل مخلوط عدد ہے المذااس کو زاویائی طرز میں لکھا جا سکتا ہے

(12.14) 
$$\boldsymbol{H}(\omega) = |\boldsymbol{H}(\omega)| e^{j\phi(\omega)}$$

جہاں حتی مقدار کا تفاعل  $|H(\omega)|$  اور زاویائی تفاعل  $\phi(\omega)$  دونوں تعدد پر منحصر ہیں۔ حتی مقدار بالمقابل تعدد کے خط کو مقداری خصلت  $^{22}$  کہتے ہیں۔

#### 12.3.1 بوڈاخطوط

magnitude characteristic<sup>21</sup>
phase characteristic<sup>22</sup>
Bode plots<sup>23</sup>

<sup>24</sup> ہیٹررک واڈ بوڈانے اس طرز کو دریافت کیا۔ frequency dependent 25

ے عمودی محور کی پیاکش ڈیسسی بیل $^{26}$  dB میں کی جاتی ہے۔ڈیسی بیل کو بنیادی طور پر آواز کے طاقت کی تناسب ناپ کے لئے استعال کیا جاتا تھا جہاں دو طاقتوں کے تناسب کے لاگ  $\frac{P_2}{P_1}$  log<sub>10</sub> کو بیل  $^{27}$  میں ناپا جاتا تھا۔ جیسے ایک میٹر 1 m میں دس ڈیسی میٹر 10 dm ہوتے ہیں المذا ڈیسی بیل میں دس ڈیسی بیل ہوتے ہیں المذا ڈیسی بیل کا کید درج ذیل لکھا جائے گا۔

(12.15) 
$$\frac{P_2}{P_1}$$
 تناسب کی پیاکش  $10\log_{10}\frac{P_2}{P_1}$ 

اگر دونوں طاقت یکسال قیمت کے مزاحمت R کو مہیا کی جائے تب  $P=I^2R$  اور  $P=\frac{V^2}{R}$  استعمال کرتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\hat{\mathcal{I}}_{2} \hat{\mathcal{I}}_{2} \hat{$$

مساوات 12.16 میں دیے ڈلین بیل کے کلیے اتنے مقبول ہوئے ہیں کہ غیر یکسال مزاحمت کی صورت میں بھی دباو کی تناسب یاروکی تناسب کو انہیں کلیوں سے ڈلین بیل میں ناپا جاتا ہے۔

مثق 12.4: ایک ایمپلیفائر کو  $P_i=10\,\mathrm{mW}$  طاقت کا داخلی اثنارہ فراہم کیا جاتا ہے جبکہ ایمپلیفائر خارجی جانب سپیکر کو  $A_p=\frac{P_o}{P_i}$  طاقت فراہم کرتا ہے۔ ایمپلیفائر کی افغرائش طاقت  $A_p=\frac{P_o}{P_i}$  کو ڈیسی میں حاصل کریں۔ جواب:  $A_p=31.76\,\mathrm{dB}$ 

 $A_v = 22\,\mathrm{V}\,\mathrm{V}^{-1}$ مثق 12.5: ایک ایمپلیفائر کی افنرائش د باو  $A_v = 22\,\mathrm{V}\,\mathrm{V}^{-1}$  ہے۔اس کی افنرائش د باو کو ڈلیمی بیل میں لکھیں۔  $\mathrm{decibel^{26}}$  Bell<sup>27</sup>

 $A_v = 26.85 \, \mathrm{dB}$  :واب

مثق 12.6: سلسلہ وار جڑے  $\Omega$  414 اور  $\Omega$  1000 مزاممتوں کو rms کا داخلی اشارہ مہیا کیا جاتا ہے جبکہ  $\hat{V}_i=100$  پر خارجی اشارہ  $\hat{V}_0$  ناپا جاتا ہے۔ جال کی افغرائش دباو کو ڈیسی بیل میں دریافت کریں۔

جواب:خارجی دباو  $\hat{V}_0 = \frac{100 \times 1000}{1000 + 414} = 70.72 \, \text{V rms}$  جواب:خارجی دباو کے  $\hat{V}_0 = \frac{100 \times 1000}{1000 + 414} = 70.72 \, \text{V rms}$  گنارہ جاتی ہے جو  $-3 \, \text{dB}$  گنارہ ہوگی ہے جو  $-3 \, \text{dB}$  گنارہ جاتی ہے جو  $-3 \, \text{dB}$  گنارہ جو رہے ہے جو  $-3 \, \text{dB}$  گنارہ جو رہے ہے ہے جو رہے ہے جو رہے

بوڈا مقداری خط کھینچنا چند مثالوں سے سکھتے ہیں۔ پہلی مثال میں تبادلی تفاعل درج ذیل لیتے ہیں جس میں ایک عدد صفر پایا جاتا ہے۔

(12.17) 
$$\mathbf{H}(\omega) = K(j\omega + z_1)$$

اس کو ترتیب دیتے ہوئے معیاری شکل میں لکھتے ہیں جہال دوسری قدم پر  $Kz_1=K_0$  کھھا گیا ہے۔

(12.18) 
$$H(\omega) = Kz_1 \left( 1 + j \frac{\omega}{z_1} \right)$$
$$= K_0 \left( 1 + j \frac{\omega}{z_1} \right)$$

اس کی حتمی قیمت

$$|\mathbf{H}(\omega)| = K_0 \sqrt{1 + \frac{\omega^2}{z_1^2}}$$

 $20\log_{10}|\boldsymbol{H}(\omega)|$  کا

(12.20) 
$$20\log_{10}|\boldsymbol{H}(\omega)| = 20\log_{10}K_0 + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{z_1^2}}$$

-2 کا استعال کیا گیا ہے۔  $\log_{10} xy = \log_{10} x + \log_{10} y$ 

مساوات 12.20 پر غور کریں۔اس کا پہلا جزوایک مستقل ہے جو تعدد پر منحصر نہیں ہے۔اس کو شکل 12.9-الف میں دکھایا گیا ہے۔مساوات کے دوسرے جزو کو دو مختلف تعدد کے پٹیوں پر دیکھتے ہیں۔ا گر تعدد کی قیمت  $z_1$  ہے بہت کم ہو لیخن  $z_1$  ہو گالہذا دوسرے جزو میں  $\frac{\omega^2}{z_1^2}$  کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے دوسرا جزو درج ذیل کھا جا سکتا ہے جہاں  $z_1$  کا استعمال کیا گیا ہے۔

$$20\log_{10}\sqrt{1+\frac{\omega^2}{z_1^2}}\approx 20\log_{10}\sqrt{1+0}=0\,\mathrm{dB}$$

 $\omega=\frac{z_1}{100}$  پر a ہے۔ ہوت کم تعدد پر دوسرا جزو a کی برابر ہو گا۔ نقطہ a پر a ہیں a ہیں ہوت کہ تعدد پر دوسرا جزو صفر ڈلی بیل د کھایا گیا ہے۔ اس نقطہ کی نشاند ہی دائرے سے کی گئی ہے۔ اس طرح نقطہ a پر a ہیں ہوتھ کے برابر ہے۔ a ہیں ہوتھ کے برابر ہے۔ a ہیں ہوتھ کے برابر ہے۔

آئیں اب مساوات 12.20 کے دوسرے جزو کو  $z_1$  سے بہت زیادہ تعدد پر دیکھیں۔اگر  $w\gg z_1$  ہو تب اس جزو میں  $w\gg z_1$  میں  $w\gg z_1$  ہو گالمذااس کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

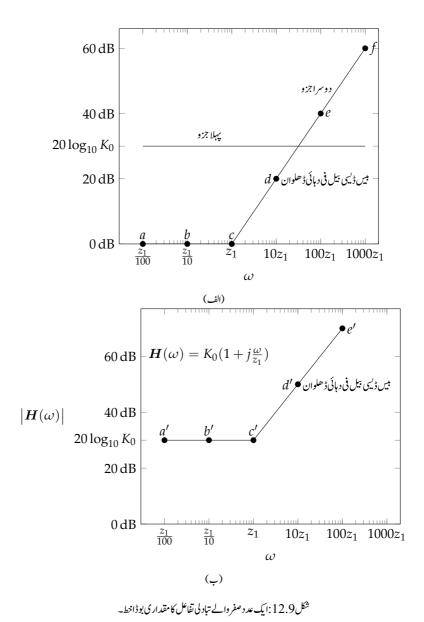
$$20\log_{10}\sqrt{1+\frac{\omega^2}{z_1^2}}\approx 20\log_{10}\sqrt{\frac{\omega^2}{z_1^2}}=20\log_{10}\frac{\omega}{z_1}$$

 $\omega = z_1$  بر  $\omega = z_1$  بر

$$20 \log_{10} \frac{\omega}{z_1} = 20 \log_{10} \frac{z_1}{z_1} = 20 \log_{10} 1 = 0 \, dB$$

اور  $\omega=10$  پ

$$20\log_{10}\frac{\omega}{z_1} = 20\log_{10}\frac{10z_1}{z_1} = 20\log_{10}10 = 20\,\mathrm{dB}$$



e وس گنا بڑھانے  $\omega=100$  ہو جاتی ہے جس سے نقطہ  $\omega=100$  بڑھ کر  $\omega=100$  ہو جاتی ہے جس سے نقطہ  $\omega=100$  ہوتا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ  $\omega=z_1$  تعدد سے نثر وع ہوتے اس خط کی ڈھلوان ہیں ڈلیم بیل فی دہائی کے برابر ہے۔

مساوات 12.20 کے اجزاء کا مجموعہ لیتے ہوئے شکل 12.9-ب حاصل ہوتا ہے۔ شکل-الف میں  $\omega=\frac{z_1}{100}$  تعدد پر پہلا جزد 0 اور دوسرا جزو 0 dB کے برابر ہوگا جے پہلا جزد 0 db اور دوسرا جزو 0 db کے برابر ہوگا جے شکل-ب میں نقطہ 0 د کھایا گیا ہے۔ اس طرح بقایا تعدد پر مجموعہ لیتے ہوئے 0 ' 0 ' ور ' 0 اور ' 0 نقطے حاصل کئے جاتے ہیں۔

شکل 12.9-ب کو دیکھتے ہوئے درج بالا تمام قصے کا نچوڑ ہیہ ہے۔ صفر تعدد سے  $z_1$  تعدد تک مساوات 12.18 کے تباد لی تفاعل کی مقدار ہیں ڈلی بیل فی دہائی بڑھنے شروع ہو جاتی تفاعل کی مقدار  $K_0$  مقدار ہیں ڈلی بیل فی دہائی بڑھنے شروع ہو جاتی ہو اور مسلسل اسی شرح سے بڑھتی ہے۔ یول مساوات 12.20 سے  $K_0$  اور  $K_0$  حاصل کرتے ہوئے مقداری بوڈاخط کھنجا جا سکتا ہے۔

شکل 12.10 میں مساوات 12.20 کے دوسرے جزو  $\frac{\omega^2}{z_1^2}$  20  $\log_{10}\sqrt{1+\frac{\omega^2}{z_1^2}}$  ورساتھ 12.20 میں کھینچا گیا ہے اور ساتھ ہی اس کا بوڈا خط گہری سیاہی میں دکھایا گیا ہے۔آئیں دونوں کی قیمتیں کونے پر حاصل کریں۔کونا  $\omega=z_1$  پر پایا جاتا ہے جس پر اس جزو کی اصل قیمت درج ذیل ہے

(12.21) 
$$20 \log_{10} \sqrt{1 + \frac{\omega^2}{z_1^2}} = 20 \log_{10} \sqrt{1 + \frac{z_1^2}{z_1^2}} = 20 \log_{10} \sqrt{2} = 3 \, dB$$

جبکہ بوڈا خط کی قیمت اس تعدد پر  $0~\mathrm{dB}$  ہے۔ یوں بوڈا خط کے قیمت میں کونے پر  $3~\mathrm{dB}$  کا خلل پایا جاتا ہے جو بوڈا خط اور اصل تفاعل کے قیمت میں زیادہ نرق ہے۔ شکل 12.10 میں اس خلل کی وضاحت کی گئی ہے۔ اس شکل میں ہیں جب وی اید میں اس خلل کی وضاحت کی گئی ہے۔ اس شکل میں ہیں جب وی میں اس تفاعل اور سے جب کے کہ کونے سے دس گنا کم تعدد  $\omega = \frac{z_1}{10}$  یادس گنا زیادہ تعدد  $\omega = 10z_1$  پر اصل تفاعل اور بوڈا خط میں فرق قابل نظر انداز ہوتا ہے۔

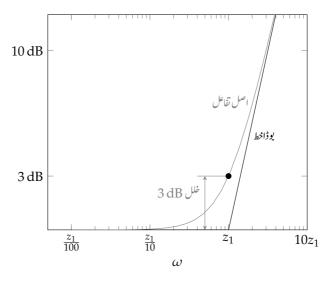
آئیں اب ورج ذیل تبادلی تفاعل لیتے ہیں جس میں ایک قطب پایا جاتا ہے۔

(12.22) 
$$\boldsymbol{H}(\omega) = \frac{K}{j\omega + p_1}$$

اس کو ترتیب دے کر لکھتے ہیں جہاں  $\frac{K}{p_1}=K_0$  کھھا گیا ہے۔

(12.23) 
$$\boldsymbol{H}(\omega) = \frac{K}{p_1 \left(1 + j\frac{\omega}{p_1}\right)} = \frac{K_0}{1 + j\frac{\omega}{p_1}}$$

باب.12. تعبد دي رو<sup>عمب</sup> ل



شكل 12.10: كونے پر بوڈانط میں dB خلل پایاجاتاہے۔

س کی حتمی قیمت حاصل کرتے ہیں

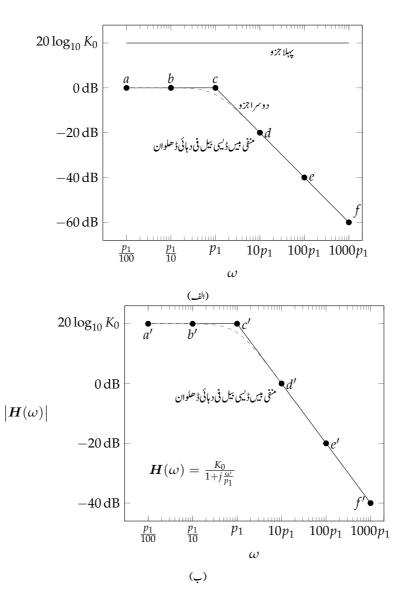
(12.24) 
$$\left| \boldsymbol{H}(\omega) \right| = \frac{K_0}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{p_1^2}}}$$

جس کو  $|H(\omega)|$  صورت میں لکھتے ہیں  $|H(\omega)|$ 

(12.25) 
$$20\log_{10}|\boldsymbol{H}(\omega)| = 20\log_{10}K_0 - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{p_1^2}}$$

جبال  $\log_{10} \frac{x}{y} = \log_{10} x - \log_{10} y$  جبال جبال کیا گیا ہے۔

مساوات 12.25 کے دو اجزاء پائے جاتے ہیں جنہیں شکل 12.11-الف میں دکھایا گیا ہے جبکہ ان کے مجموعے کو شکل۔ ب میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ  $p_1$  سے کم تعدد پر تبادلی تفاعل کی حتی قیمت  $20\log_{10}K_0$  رہتی ہے جبکہ  $p_1$  تعدد سے شروع ہو کر اس کی قیمت مسلسل منفی ہیں ڈلیی بیل فی دہائی تبدیل ہوتی ہے۔ شکل-الف میں ہلکی سیابی میں نقطہ دار لکیر سے اصل دو سرا جزو بھی دکھایا ہے جہال بوڈا خط میں 3 ملک واضح ہے۔ شکل-ب میں پورا نفاعل اور پورے نفاعل کا بوڈا خط دکھائے گئے ہیں۔ بوڈا خط میں کونے پر منفی ہیں ڈلیی بیل کا خلل پایا جاتا ہے۔ بوڈا



شكل 12.11: ايك عدد قطب والے تبادلى تفاعل كامقدارى بوڈاخط

باب.12. تعبد دي روغمسال

خط اور اصل تفاعل میں زیادہ سے زیادہ خلل کونے پر پایا جاتا ہے۔اگر کونا تفاعل کے صفر پر ہو تب خلل 3 dB ہوتا ہے۔ اور اگر کونا تفاعل کے قطب کی وجہ سے ہو تب خلل 6 dB کے ہوتا ہے۔

مثال 12.3: تبادل تفاعل  $m{H}(\omega)=10(j\omega+10)$  کا بوڈا خط کیپنیں۔

حل:اس کو ترتیب دیتے ہوئے معیاری شکل میں لکھتے ہیں۔

$$H(\omega) = 100 \left( 1 + j \frac{\omega}{10} \right)$$

 $20\log_{10}100=40\,\mathrm{dB}$  يول ينم لاگ محور پر خط ڪينجتے ہوئے  $10\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  يسے کم تعدد پر تفاعل کی حتمی قيمت  $10\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  يس أول ين د بائی برا سے گی۔ان نتائج کو شکل  $12.12\,\mathrm{d}$  ميں ہوگی جبکہ اس تعدد سے زيادہ تعدد پر حتمی قيمت  $10\,\mathrm{radian}/\mathrm{s}$  عمل  $12.12\,\mathrm{d}$  د کھايا گيا ہے۔ نقطہ  $10\,\mathrm{radian}/\mathrm{s}$  ير تعدد  $10\,\mathrm{radian}/\mathrm{s}$  اور نقاعل کی حتمی قيمت  $10\,\mathrm{radiam}/\mathrm{s}$  ہو جاتی  $10\,\mathrm{radiam}/\mathrm{s}$  عمل  $10\,\mathrm{radiam}/$ 

مثال 12.4: تبادلی تفاعل  $H(\omega)=rac{1000(j\omega+100)}{j\omega+10000}$  کا مقداری بوڈا خط کیپنیں۔

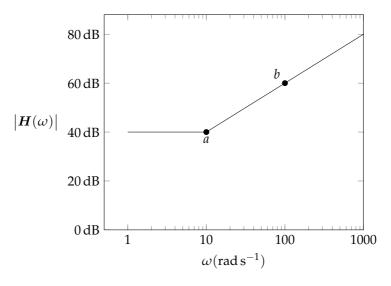
حل:اس کو معیاری شکل میں لکھتے ہوئے

$$\boldsymbol{H}(\omega) = 10 \left( \frac{1 + j \frac{\omega}{100}}{1 + j \frac{\omega}{10000}} \right)$$

حتمی قیمت کو ڈیسی بیل میں لکھتے ہیں۔

$$20\log_{10}\left|\boldsymbol{H}(\omega)\right| = 20\log_{10}10 + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{100^2}} - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10000^2}}$$

(12.26)



شكل 12.12: مثال 12.3 كادور

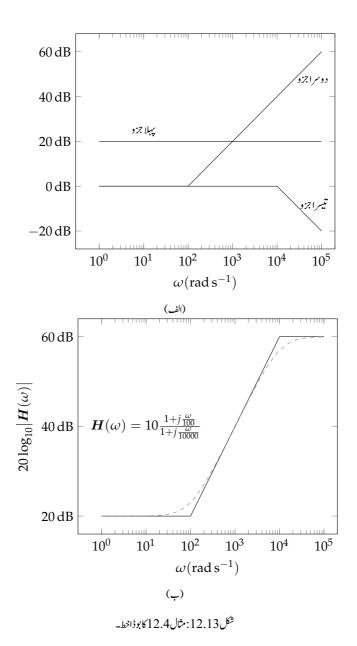
درج بالا مساوات کے تینوں اجزاء کو شکل 12.13-الف میں اور ان کے مجموعے کو شکل 12.13-ب میں دکھایا گیا ہے۔درج  $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  بالا مساوات کو دکھ کر بوڈا مقدار کی خط کھینچا جاتا ہے جہاں  $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  ہے کم تعدد پر مقدار  $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  بالا مساوات کو دکھ کر بوڈا مقدار کی خط کہ  $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  تعدد  $\omega=10\,\mathrm{dB}$  تعدد پر مقدار کی قیمت میں ڈسی میل فی دہائی بڑھنا شروع ہو جاتی ہے۔ تعدد  $\omega=10\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$  ہے۔تعدد  $\omega=10\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$  کو تیسر جرو کا مثنی میں فیط منگی میں بلکی سیاہی میں نقط منگی میں فیل میں کا خط بھی دکھایا گیا ہے جہاں بوڈا خط کے کونوں پر محل کے خلل واضح ہے۔

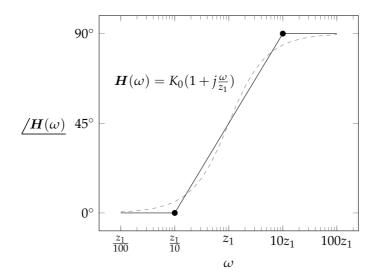
آئیں اب تبادلی تفاعل کے زاویائی بوڈا خط $^{28}$  نیپیا سیکھیں۔ ہم درج زیل تفاعل کو مثال بناتے ہیں $m{H}(\omega)=K_0\left(1+jrac{\omega}{z_1}
ight)$ 

جس کا زاویہ ذیل ہے

(12.27) 
$$\underline{/H(\omega)} = /\tan^{-1}\frac{\omega}{z_1}$$

Bode phase plot<sup>28</sup>





شکل 12.14: ایک صفر والے تفاعل کازاو مائی بوڈا خطہ

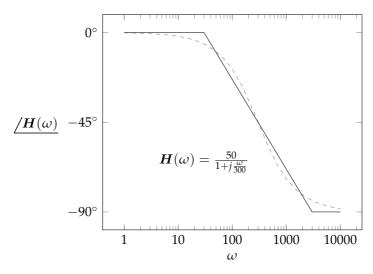
جس کو شکل 12.14 میں ہلکی سیابی سے نقطہ دار کگیر سے دکھایا گیا ہے۔ عین کونے 
$$(\omega=z_1)$$
 پر زاویہ  $\frac{H(z_1)}{H(z_1)}=\frac{\tan^{-1}\frac{\omega}{z_1}}{10}=\frac{\tan^{-1}\frac{z_1}{z_1}}{10}=\frac{A5^\circ}{10}$  عاصل ہوتا ہے جبکہ کونے سے دس گنازیادہ تعدد  $(\omega=10z_1)$  پر  $\frac{H(10z_1)}{H(10z_1)}=\frac{\tan^{-1}\frac{10z_1}{z_1}}{10}=\frac{A4.3^\circ}{10}$  اور کونے سے دس گناکم تعدد  $(\omega=\frac{z_1}{10})$  پر  $(\omega=\frac{z_1}{10})$ 

$$\underline{/H(10z_1)} = \sqrt{\tan^{-1}\frac{z_1}{\frac{10}{z_1}}} = \underline{/5.7^{\circ}}$$

زاویے حاصل ہوتے ہیں۔ بوڈازاویائی خط میں اس حقیقت کو استعال کرتے ہوئے کونے سے دس گنا کم تعدد  $(\omega=\frac{z_1}{10})$  پر  $0^\circ$  ور کونے سے دس گنا زیادہ تعدد  $(\omega=10z_1)$  پر  $0^\circ$  چنتے ہوئے انہیں سید ھی ککیر سے ملایا جاتا ہے جبکہ  $\omega>0$  اور  $\omega=10z_1$  پر زاویہ  $\omega>0$  رکھا جاتا ہے۔ شکل 12.14 میں سید ھے خطوط پر بمنی بوڈا زویائی خط کو گہری سیاہی میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 12.5: تبادلی تفاعل  $rac{50}{1+jrac{\omega}{200}}$  کا زاویائی بوڈا خط کیپیں۔

باب.12. تعبد دي روغمسال



شكل 12.15: ايك قطب والے تفاعل كابو ڈازاو مائى خطہ

 $\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  کے بہاں کونا  $\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  پریایا جاتا ہے۔

(12.28) 
$$\frac{/H(\omega)}{/\tan^{-1}\frac{\omega}{300}} = /-\tan^{-1}\frac{\omega}{300}$$

$$|U(\omega)| = \frac{1}{/\tan^{-1}\frac{\omega}{300}} = /-\tan^{-1}\frac{\omega}{300}$$

بوڈا خط میں کونے سے دس گنا کم تعدد پر زاویہ  $0^\circ$  اور کونے سے دس گنا زیادہ تعدد پر زاویہ  $-90^\circ$  چنتے ہوئے ان  $0^\circ$  پر  $\omega = 3000\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  پر  $0^\circ$  اور  $0^\circ$  بر  $\omega = 3000\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  پر  $0^\circ$  اور  $0^\circ$  بر کھا جاتا ہے خط سے ملایا گیا ہے۔ مزید  $0^\circ$  بر کھا جاتا ہے سے کم تعدد پر زاویہ  $0^\circ$  بر کھا جاتا ہے جب کہ تعدد پر زاویہ  $0^\circ$  بر کھا جاتا ہے۔ بوڈازاویائی خط کو شکل 12.15 میں گہر کی سیابی میں دکھایا گیا ہے۔  $\omega = 3000\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  سیابی میں دکھایا گیا ہے۔

یوں کونے  $(\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})$  پر اور کونے سے دس گنازیادہ تعدد  $(\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})$  پر اور کونے سے دس گنا کم تعدد  $(\omega=30\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})$  پر زاویے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\frac{/H(200)}{/H(2000)} = \frac{/-\tan^{-1}\frac{300}{300}}{-\tan^{-1}\frac{3000}{300}} = \frac{/-45^{\circ}}{-84.3^{\circ}}$$

$$\frac{/H(2000)}{/H(20)} = \frac{/-\tan^{-1}\frac{3000}{300}}{-\tan^{-1}\frac{30}{300}} = \frac{/-5.7^{\circ}}{-100}$$

مثال 12.6: تبادلی نفاعل 
$$m{H}(\omega) = rac{j20\omega(1+jrac{\omega}{200})}{1+jrac{\omega}{2000}}$$
 کا زاویا کی بوڈا خط کیپنیں۔

حل:اس تفاعل كا زاويه لكھتے ہيں۔

$$/H(\omega) = /90^{\circ} + /\tan^{-1} \frac{\omega}{200} - /\tan^{-1} \frac{\omega}{30000}$$

 $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$  عاصل ہوتا ہے۔ دوسرار کن  $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$  عاصل ہوتا ہے۔ دوسرار کن  $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$  عام  $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$  عام  $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$  عام  $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$  عام اور  $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$  بیر  $\sin^{-1}\frac{j20$ 

مثال 12.7: تبادلی تفاعل  $rac{j10\omega}{(1+jrac{\omega}{100})(1+jrac{\omega}{1000})}$  کا مقداری بوڈا خط کھینجیں۔

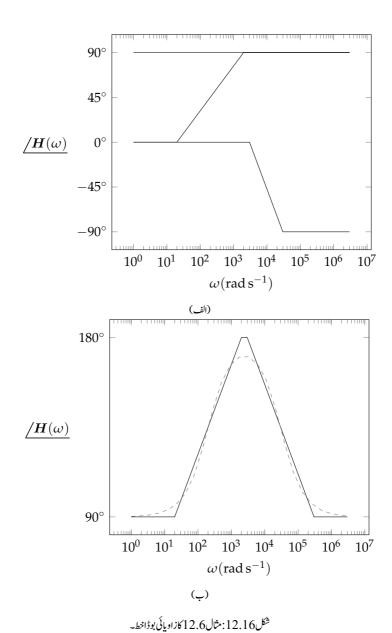
حل:اس تفاعل کی حتمی قیمت

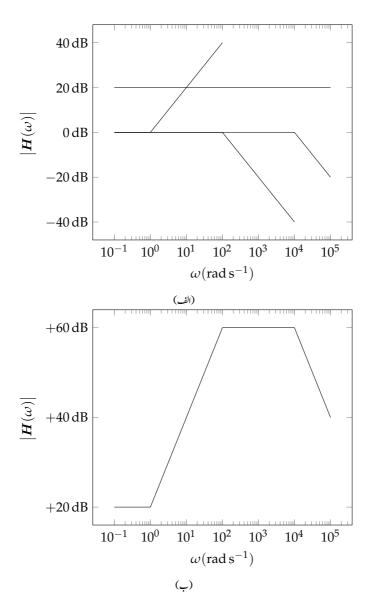
$$|H(\omega)| = \frac{10\omega}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{1000^2}} \sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10000^2}}}$$

کو ڈلیل بیل میں لکھتے ہیں۔

$$(12.29) \quad 20\log_{10}10 + 20\log_{10}\omega - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{100^2}} - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10000^2}}$$

مساوات 12.29 کا پہلار کن  $\omega=1\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  کا مستقل ہے۔اس کا دوسرار کن  $\omega=1\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  پر  $\omega=1\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  کہ بہار کے بیل فی دہائی بڑھتا ہے۔ تیسرے اور چوتھے ارکان کے بوڈا خط بالترتیب جبکہ اس تعدد سے زیادہ تعدد پر بتدریج بیس ڈلیمی بیل فی دہائی بڑھتا ہے۔ تیسرے اور چوتھے ارکان کے بوڈا خط بالترتیب





شکل 12.17: ایک صفراور دو قطب والے تفاعل کا بوڈامقداری خط۔

باب.12. تعبد دي روغمسل

100 rad s<sup>-1</sup> اور strad s<sup>-1</sup> تعدد پر منفی ہیں ڈیسی بیل فی دہائی گھٹنا شر وع ہوتے ہیں۔ان تمام ارکان کو شکل 12.17-الف اور ان کا مجموعہ شکل-ب میں د کھایا گیا ہے۔

$$|\boldsymbol{H}(\omega)| = \frac{10\omega}{\left(\sqrt{\frac{\omega^2}{100^2}}\right)\left(\sqrt{1}\right)} = 1000$$

للذا در میانی تعددی پٹی پر ڈلیی بیل میں مقدار درج ذیل ہو گی

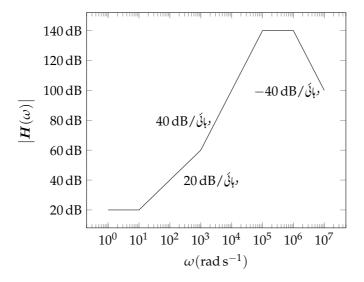
$$20\log_{10} \left| \boldsymbol{H}(\omega) \right| = 20\log_{10} 1000 = 60\,\mathrm{dB}$$

جے شکل 12.17 - بیس بیست تعددی  $\omega = 100 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  تا  $\omega = 100 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  بیست تعددی کونے سے کم تعدد پر مقدار مسلسل بیس ڈلی بیل فی دہائی بڑھتے ہوئے مین  $\omega = 100 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  پر مقدار مسلسل بیس ڈلی بیل فی دہائی ڈھلوان کا خط کھیجنیں۔اسی طرح بلند تعدد کونے پر بھی بیس بیس ڈلی بیل فی دہائی ڈھلوان کا خط کھیجنیں۔اسی طرح بلند تعدد کونے پر بھی بیس ڈلی بیل فی دہائی ڈھلوان کا خط کھیجنیں۔یوں کممل بوڈا خط حاصل ہو گا۔

مثال 12.8: تبادلی تفاعل  $m{H}(\omega) = rac{10 \left(1+j rac{\omega}{10}
ight) \left(1+j rac{\omega}{1000}
ight)}{\left(1+j rac{\omega}{100000}
ight)^2 \left(1+j rac{\omega}{1000000}
ight)^2}$  کا مقدار کی بوڈا خط کھینجیں۔

حل: تفاول کی مقدار کو ڈیسی بیل میں لکھتے ہیں۔ان کا مجموعہ شکل 12.18 میں د کھایا گیا ہے۔

$$\begin{split} 20\log_{10}\big|\boldsymbol{H}(\omega)\big| &= 20\log_{10}10 + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega}{10^2}} + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10^6}} \\ &\quad - 40\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10^{10}}} - 40\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10^{12}}} \end{split}$$



شكل 12.18: مثال 12.8 كامقداري بو دُاخط-

یبال 10 rad s<sup>-1</sup> پر درج بالا مساوات کا دوسرا جزو بیس ڈیمی بیل فی دہائی بڑھنا شروع ہو جات ہے جبکہ تیسرا جزو اس شرح سے 1000 rad s<sup>-1</sup> پر بڑھنا شروع ہوتا ہے۔ یوں ان کا مجموعہ لیتے ہوئے 1000 rad s<sup>-1</sup> تعدد سے خط کی ڈھلوان 40 dB فی دہائی ہوگی۔ اس طرح 1000 krad s<sup>-1</sup> پر چھوتا جزو 40 dB فی دہائی سے گھٹنا شروع ہوتا ہے جو دوسرے اور تیسرے اجزاء کو ختم کرتا ہے المذا بوڈا نظ بر قرار 140 dB پر رہتا ہے۔ آخر کار 1 Mrad s<sup>-1</sup> پر پانچواں جزو چالیس ڈلیمی بیل فی دہائی سے گھٹنا شروع ہوتا ہے۔

تباد لی نفاعل کے صفر اور قطب مخلوط اعداد بھی ہو سکتے ہیں۔ایسی صورت میں ان کے جوڑی دار جوڑے پائے جاتے ہیں۔آئیں ان پر غور کریں۔تبادلی نفاعل

$$\boldsymbol{H}(s) = \frac{K}{(s+a)(s+b)}$$

ا\_\_12 ت دې رد ممسل

کے قوسین کو ضرب دیتے ہوئے ترتیب دیتے ہیں۔

$$H(s) = \frac{K}{s^2 + s(a+b) + ab}$$
$$= \frac{K}{ab\left[1 + \frac{s(a+b)}{ab} + \frac{s^2}{ab}\right]}$$

اس کو درج ذیل معیاری صورت میں لکھا جا سکتا ہے

(12.30) 
$$H(s) = \frac{K_0}{1 + 2\zeta(s\tau) + (s\tau)^2}$$

جہاں

$$\tau = \frac{1}{\sqrt{ab}}$$
$$\zeta = \frac{a+b}{2\sqrt{ab}}$$

کے برابر ہیں۔مساوات 12.30 میں  $\zeta$  کو تقصیری تناسب  $^{29}$  کہتے ہیں۔

فرض کریں کہ ہمیں مساوات 12.30 دی گئی ہے اور ہم اس کے قطب جاننا چاہتے ہیں۔قطب جاننے کے لئے نسب نما کے جذر حاصل کرنے ہوں گے جنہیں دو درجی مساوات کے کلیے سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$s = \frac{-2\zeta\tau \mp \sqrt{4\zeta^2\tau^2 - 4\tau^2}}{2\tau^2}$$

جذر کی علامت کے اندر مقدار کی قیت صفر سے زیادہ، صفر کے برابر یاصفر سے کم ممکن ہے لینی

$$4\zeta^2\tau^2-4\tau^2>0$$

$$4\zeta^2\tau^2 - 4\tau^2 = 0$$

$$4\zeta^2\tau^2 - 4\tau^2 < 0$$

جن سے بالترتیب درج ذیل شرائط حاصل ہوتے ہیں۔

$$z>1$$
 حقیقی دو عدد مختلف قطب  $z>1$  حقیقی دو عدد کیسال قطب  $z=1$   $z<1$   $z<1$  جوڑی دار مخلوط قطب  $z<1$ 

damping ration<sup>29</sup>

تقصیری تناسب کی قیت اکائی سے زیادہ یا اکائی کے برابر ہونے کی صورت میں حقیقی قطب پائے جاتے ہیں جن پر ہم غور کر چکے ہیں۔آئٹیں مخلوط قطب پر غور کریں۔

مثق 12.7: تبادلی تفاعل کے قطب بھی دریافت  $\mathbf{H}(s)=\frac{35}{4s^2+2s+1}$  کا  $\tau$  اور  $\tau$  حاصل کریں۔اس تفاعل کے قطب بھی دریافت کریں۔ تفاعل کو اجزائے ضربی کی صورت میں لکھیں۔

$$p_2 = -s_2 = \frac{1}{4} - j\frac{\sqrt{3}}{4}$$
 ،  $p_1 = -s_1 = \frac{1}{4} + j\frac{\sqrt{3}}{4}$  ،  $\zeta = 0.5$  ،  $\tau = 2$  : براجی  $H(s) = \frac{35}{(s + \frac{1}{4} + j\frac{\sqrt{3}}{4})(s + \frac{1}{4} - j\frac{\sqrt{3}}{4})}$ 

مساوات 12.30 میں  $s=j\omega$  میر کرکے ترتیب دیتے ہوئے

$$\begin{split} \boldsymbol{H}(\omega) &= \frac{K_0}{1 + 2\zeta(j\omega\tau) + (j\omega\tau)^2} \\ &= \frac{K_0}{1 - \omega^2\tau^2 + j2\zeta\omega\tau} \end{split}$$

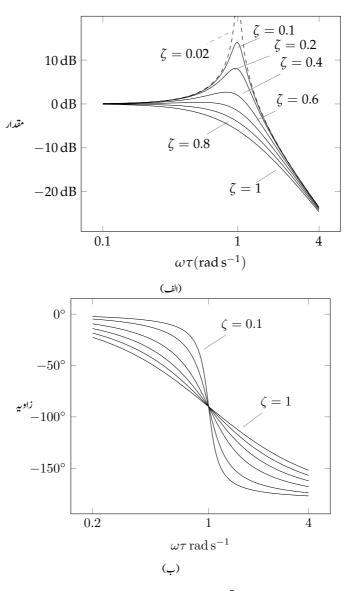
اس کی حتمی مقدار کو ڈلیلی بیل میں لکھتے ہیں۔

(12.32) 
$$20 \log_{10} |\boldsymbol{H}(\omega)| = 20 \log_{10} K_0 - 20 \log_{10} \sqrt{(1 - \omega^2 \tau^2)^2 + (2\zeta \omega \tau)^2}$$

مساوات 12.32 کا پہلا جزو مستقل ہے جبکہ دوسرے جزوکی مقدار کا دارومدار تعدد کے علاوہ تقصیری تناسب پر بھی منحصر ہے۔ شکل 12.19-الف میں مختلف  $\zeta$  کے لئے مساوات 12.32 کے دوسرے جزو کے خطوط دکھائے گئے ہیں۔اب تک ہم دیکھتے آ رہے ہیں کہ قطب پر مقدار کی خط گھنے شروع ہوتا ہے لیکن یہاں ایسا نہیں ہو رہا ہے۔ مخلوط قطبین کی صورت میں مقدار کی خط گھنے سے پہلے بڑھتا ہے۔ بڑھنے کی مقدار کا دارومدار  $\zeta$  پر ہے۔ تقصیری تناسب کی قیمت صفر  $\zeta$  مقدار کا دارومدار  $\zeta$  پر ہے۔ تقصیری تناسب کی قیمت صفر و کھایا گیا ہے۔ شکل میں  $\zeta$  صورت میں  $\zeta$  و نقطہ دار کمیر سے دکھایا گیا ہے۔ تقصیری تناسب کی قیمت صفر ہونا دور میں گونج یا گھمک 30 کو ظاہر کرتی ہے۔

 $\zeta = 0.1, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1$  کے لئے وکھایا گیا ہے۔  $\zeta = 0.1, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1$  کے دکھایا گیا ہے۔

پا<u>ب 1</u>2. تعددی رد<sup>ع</sup>سل



شکل 12.19: مختلف تقصیری تناسب کے لئے مخلوط جوڑی دار قطب کے نظام کے خط

12.4 گُلَى ادوار

## 12.4 گمکی اد وار

سلسله وارگمک

شکل 12.20 میں سلسلہ وار دور دکھایا گیا ہے جس کی رکاوٹ

(12.33) 
$$\mathbf{Z}(\omega) = R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C} = R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})$$

ہے۔ توسین کی قیمت صفر ہونے کی صورت میں اس دور کی رکاوٹ حقیقی مقدار

$$(12.34) Z(\omega) = R$$

یعنی مزاحمتی ہو گی۔ایباایک مخصوص تعدد  $\omega_0$  پر ممکن ہے جسے قوسین صفر کے برابر پر کرنے  $\omega L - \frac{1}{\omega C} = 0$ 

سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

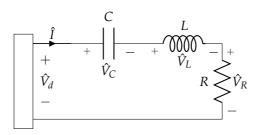
(12.35) 
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{IC}} \qquad \text{is it } \sigma_0 = \frac{1}{\sqrt{IC}}$$

اس تعدد ( $(\omega_0)$  کو دورکی گمکی تعدد <sup>31</sup> کہتے ہیں اور اس تعدد پر دور گونجتا یا کمکتا ہے۔اییا دور جو گونج سکتا ہو کو گمکی دور<sup>32</sup> کہتے ہیں۔

گمی تعدد پر امالی متعاملیت اور برق گیر متعاملیت برابر ہوتے ہیں۔ چونکہ سلسلہ وار دور میں یکساں رو پائی جاتی ہے المذا گمی تعدد پر امالی د باو اور برق گیر د باو مقدار میں برابر لیکن آپس میں  $180^\circ$  زاویے پر ہوں گے۔زاویائی طور پر آپس میں بالکل الٹ ہونے کی بناان کا مجموعہ صفر کے برابر ہوگا اور بول شکل 12.20 میں داخلی د باو  $\hat{V}_a$  اور مزاحمتی د باو  $\hat{V}_R$  برابر ہوں گے۔ برابر ہوں گا۔

 $\begin{array}{c} {\rm resonant\ frequency}^{31} \\ {\rm resonant\ circuit}^{32} \end{array}$ 

922 ب<u>ا</u>ب.12. تعبد دي ارد عمس ا



شكل 12.20: سلسله وار RLC دور ـ

گمی تعدد سے ہٹ کر کسی بھی تعدد پر مساوات 12.33 کا خیالی جزو صفر کے برابر نہیں ہوگا لہذار کاوٹ کی حتی قیمت R سے زیادہ ہوگی۔ سے زیادہ ہوگی۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مگمی تعدد پر رکاوٹ کی قیمت کم سے کم ہوگی اور روکی قیمت زیادہ ہوگی۔ گمی تعدد پر دور میں رواور داخلی دباو ہم زاویہ ہوں گے۔ کمی تعدد سے کم تعدد پر برق گیر متعاملیت کی مقدار امالی متعاملیت کے مقدار سے زیادہ ہوگی لہذا سلسلہ وار رکاوٹ برق گیر خاصیت رکھے گا اور داخلی دباوسے روآگے پائی جائے گی۔ اس کے برعکس کمکی تعدد سے زیادہ ہوگی لہذا کل رکاوٹ کے برعکس کمکی تعدد سے زیادہ تعدد پر امالی متعاملیت کی مقدار برق گیر متعاملیت کی مقدار سے زیادہ ہوگی لہذا کل رکاوٹ امالی ہوگا اور داخلی دباوسے رو پیچھے ہوگی۔ رکاوٹ کی مقدار بالقابل تعدد کو شکل 2.21 میں دکھایا گیا ہے۔

روکے حوالے سے تینوں پر زوں کے دباوے دوری سمتیات شکل 12.22 میں دکھائے گئے ہیں۔ گمکی تعدد سے کم تعدد پر ترق گیر کا دباو امالہ گیر کے دباوسے زیادہ ہے للذا داخلی دباو  $\hat{V}_d$  سے روآ گے ہے۔ گمکی تعدد پر داخلی دباو اور رو ہم زاویہ ہیں جبکہ مگمکی تعدد سے زیادہ تعدد پر امالہ کی متعاملیت برق گیر کے متعاملیت سے زیادہ ہے للذا امالی دباوکی قیمت برق گیر دباو سے رو پیچھے ہے۔ داخلی دباو اور روکے مابین زاویہ  $\theta_z$  مساوات 12.33 میں دیے رکاوٹ کا زاویہ ہے۔

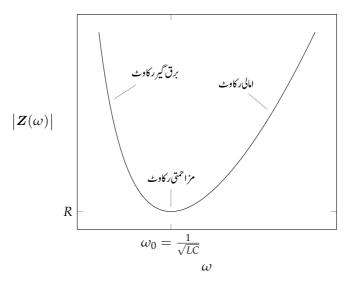
(12.36) 
$$\theta_z = \tan^{-1} \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}$$

سلسلہ وار RLC دور کا معیادی مستقل Q 33 نہایت اہم مقدار ہے جس کی تعریف درج ذیل مساوات دیتی ہے۔

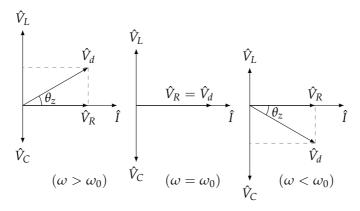
(12.37) 
$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{1}{\omega_0 CR} = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$$

quality  $factor^{33}$ 

12.4. ممَّلَى ادوار



شكل 12.21: سلسله وار RLC كى ركاوك بالمقابل تعدد كاخط-



شکل 12.22: سلسله وار RLC کے دوری سمتیات۔

با\_\_12. تعددي روغمسل

 $^{-1}$  من تعدد پر  $^{-1}_{\omega_0 C}=\omega_0 L$  ہوتا ہے لہذار کاوٹ

$$Z = R + j\left(\omega_0 L - \frac{1}{\omega_0 C}\right) = R$$

ہو گا جس سے

$$\hat{I} = \frac{\hat{V}_d}{Z} = \frac{\hat{V}_d}{R}$$

اور

$$\hat{V}_{L} = j\omega_{0}L\hat{I} = \frac{j\omega_{0}L\hat{V}_{d}}{R}$$

$$\hat{V}_{C} = \frac{\hat{I}}{j\omega C} = \frac{\hat{V}_{d}}{j\omega RC}$$

$$\hat{V}_{R} = \hat{I}R = \hat{V}_{d}$$

حاصل ہوتے ہیں۔درج بالا مساوات میں دونوں جانب حتی قیمتیں لیتے ہوئے مگمی تعدد کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(12.38) 
$$V_{L} = QV_{d}$$

$$V_{C} = QV_{d}$$

$$V_{R} = V_{d}$$

جہاں دباوے حتی قیتوں کو  $V_R$  ،  $V_C$  ،  $V_L$  اور  $V_R$  کھا گیا ہے۔ مساوات 12.38 کے تحت مگمی تعدد پر امالی دباو اور برق گیر دباو کی قیمتیں داخلی دباو کی قیمت و باوک قیمت کے سورت میں امالی اور برق گیر دباوکی قیمت داخلی دباوے نیادہ ہوگی۔

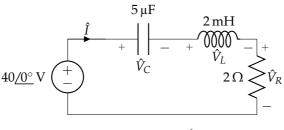
مثال 12.9: شکل 12.23 کے دور کی مگمی تعدد اور معیاری مستقل دریافت کریں۔ مگمی تعدد پر روحاصل کرتے ہوئے تینوں پرزوں کے دباوحاصل کریں۔

حل: ممکی تعدد اور معیاری مستقل دریافت کرتے ہیں۔

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{2 \times 10^{-3} \times 5 \times 10^{-6}}} = 10 \,\text{krad} \,\text{s}^{-1}$$

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{10\,000 \times 2 \times 10^{-3}}{2} = 10$$

12.4. ممثلی ادوار



شكل 12.23: مثال 12.9 كادور ـ

مگمی تعدد پر رو حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I} = \frac{40\underline{/0^{\circ}}}{2 + j10000 \times 2 \times 10^{-3} - \frac{j}{10000 \times 5 \times 10^{-6}}} = 20\underline{/0^{\circ}} \,\text{A}$$

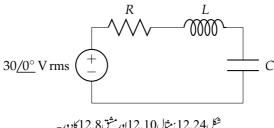
چونکہ گمکی تعدد پر رکاوٹ مزاحمتی ہوتا ہے لہذارو کو  $\frac{40/0^\circ}{2}=20$  سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ پر زول کے دیاو حاصل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \hat{V}_R &= \hat{I}R = (20/0^\circ)(2) = 40/0^\circ \, \mathrm{V} \\ \hat{V}_L &= (j\omega_0 L) \hat{I} = j10\,000 \times 2 \times 10^{-3} \times 20/0^\circ = 400/90^\circ \, \mathrm{V} \\ \hat{V}_C &= \left(\frac{-j}{\omega_0 C}\right) \hat{I} = \frac{-j \times 20/0^\circ}{10\,000 \times 5 \times 10^{-6}} = 400/90^\circ \, \mathrm{V} \end{split}$$

د باو کے یہی جوابات مساوات 12.38 کی مدد سے بھی حاصل کئے جا سکتے ہیں یعنی

$$V_R = V_d = 40 \text{ V}$$
  
 $V_L = QV_d = 10 \times 40 = 400 \text{ V}$   
 $V_C = QV_d = 10 \times 40 = 400 \text{ V}$ 

جہاں مزاحمتی دباواور داخلی دباو ہم زاویہ ہیں جبکہ امالی دباواور برق گیر دباو بالترتیب داخلی دباوسے °90 آگے اور پیچیے ہیں۔اس مثال میں Q = 10 ہے لہذا ممکی تعدد پر امالی اور برق گیر دباو کی قیمتیں داخلی دباوسے دس گنازیادہ ہیں۔ با\_\_\_12. تعبد دې د د عمسل 626



شكل 12.24: مثال 12.10 اور مثق 12.8 كادور -

مثال 12.10: برق گیر استعال کرتے ہوئے ضروری ہے کہ برق گیر کی استعداد سے تجاوز نہ کیا جائے۔ برق گیریراس کے استعداد سے زیادہ دباو ڈالنے سے برق گیر غیر فعال ہو جائے گا۔ برق گیر عموماً غیر فعال ہونے کی صورت میں خو فناک د ھاکے سے پھٹتا ہے۔ جزو طاقت درست کرنے والے برق گیر پاکار خانوں میں دیگر استعال ہونے والے بڑے جسامت کے برق گیر کا پھٹنا جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

آپ جانتے ہیں کہ تار لیٹنے سے امالہ گیر بنایا جاتا ہے۔ یوں نہ چاہتے ہوئے بھی امالہ گیر میں درکار امالی رکاوٹ کے ساتھ ساتھ غیر مطلوب مزاحمتی رکاوٹ بھی پایا جاتا ہے۔شکل 12.24 میں ایبا ہی امالہ گیر اور برق گیر سلسلہ وار جوڑے گئے ہیں جہاں  $L=90\,\mathrm{mH}$  اور  $C=100\,\mathrm{\mu F}$  ہیں۔امالہ گیر کا معیاری مستقل  $L=90\,\mathrm{mH}$ تعدد پر د باو حاصل کریں۔

> حل:معیاری منتقل کی قبت ہے گمکی تعدویر برق گیر کا دیاو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔  $V_C = QV_d = 6 \times 30 = 180 \,\text{V} \,\text{rms}$

یوں اس دور کو استعال کرنے سے پہلے تسلی کرلیں کہ استعال ہونے والے برق گیر کی استعداد کم از کم 180 V rms

12.4. ممثل ادوار

 $V_C=120\,\mathrm{V\,rms}$  اور  $I=15\,\mathrm{A\,rms}$  اور مثل  $I=15\,\mathrm{A\,rms}$  اور کمی تعدد پر  $C=10\,\mathrm{\mu F}$  اور  $I=10\,\mathrm{V\,rms}$  بین اماله اور مزاحت دریافت کریں۔

 $L=0.64\,\mathrm{mH}$  ،  $R=2\,\Omega$  جوابات:

 $L=120\,\mu \mathrm{H}$  واور میں داخلی دباو  $22\cos\omega t\,\mathrm{V}$  جہمزاحمت  $2\Omega$  اور RLC اور RLC مثق RLC: سلسلہ وار RLC ور میں دباور RLC ور کار برق گیر معلوم کریں۔دور میں RLC اور RLC پر رو جہدور کی محکمی تعدد RLC اور RLC کے لئے درکار برق گیر معلوم کریں۔دور میں RLC اور RLC اور RLC وریافت کریں۔

،  $11\cos(20000\pi t)$  A ،  $C=2.11\,\mu {
m F}$  .  $1.92\cos(40000\pi-80^\circ)$  A ،  $1.92\cos(10000\pi+80^\circ)$  A

آئیں شکل 12.20 میں وکھائے گئے سلسلہ وار RLC دور میں  $\frac{\hat{V}_R}{\hat{V}_d}$  تناسب کے لئے Q ، ور میں پر مبنی عومی مساوات حاصل کریں۔مساوات 12.37 سے  $\frac{Q}{R}$  اور  $Q\omega_0$  اور  $Q\omega_0$  کی مساوات حاصل کریں۔مساوات 12.37 سے  $Q\omega_0$  ہیں۔

$$Z(j\omega) = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)$$
$$= R\left[1 + j\left(\frac{\omega L}{R} - \frac{1}{\omega RC}\right)\right]$$
$$= R\left[1 + jQ\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)\right]$$

دور میں رو

$$\hat{I} = \frac{\hat{V}_d}{Z}$$

$$= \frac{\hat{V}_d}{R\left[1 + jQ\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)\right]}$$

ے مزاحمتی دباو  $\hat{V}_R=\hat{I}R$  ککھ کر دباو کا تناسب ککھتے ہیں

$$\frac{\hat{V}_R}{\hat{V}_d} = \frac{1}{1 + jQ\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)}$$

جس کی حتمی مقدار  $M(\omega)$  اور زاویہ  $\phi(\omega)$  درج ذیل ہیں جنہیں شکل 12.25 میں وکھایا گیا ہے۔

(12.39) 
$$M(\omega) = \frac{1}{\sqrt{1 + Q^2 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)^2}}$$

(12.40) 
$$\phi(\omega) = -\tan^{-1} Q\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)$$

مقدار بالمقابل تعدد کا خط پٹی گزار فلٹر  $^{34}$  کی طرح ہے۔ آئیں اس کے کونے دریافت کرتے ہیں۔ کونوں پر طاقت کی قیمت نصف ہوتی ہے۔ نصف طاقت  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  گنارو پر پایا جاتا ہے یوں مساوات 12.39 میں  $M(\omega)=\frac{1}{\sqrt{2}}$  پر کرنے سے کونوں کی تعدد (انقطاعی تعدد) دریافت کئے جا سکتے ہیں۔

$$\frac{1}{\sqrt{1+Q^2\Big(\frac{\omega}{\omega_0}-\frac{\omega_0}{\omega}\Big)^2}}=\frac{1}{\sqrt{2}}$$

س سے

$$Q\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right) = \mp 1$$

لعيني

$$\omega = \mp \frac{\omega_0}{2Q} \mp \omega_0 \sqrt{\frac{1}{(2Q)^2} + 1}$$

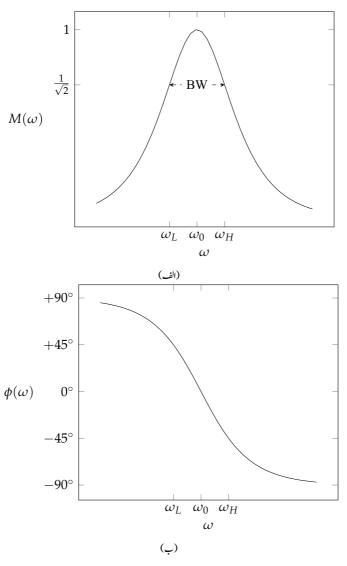
حاصل ہوتا ہے۔ منفی تعدد کے جوابات رد کرتے ہوئے صرف مثبت جوابات تسلیم کرتے ہوئے درج ذیل کونے حاصل ہوتے ہیں۔

(12.41) 
$$\omega_L = \omega_0 \left| -\frac{1}{2Q} + \sqrt{\frac{1}{(2Q)^2} + 1} \right|$$

(12.42) 
$$\omega_H = \omega_0 \left[ +\frac{1}{2Q} + \sqrt{\frac{1}{(2Q)^2} + 1} \right]$$

band-pass filter<sup>34</sup>

12.4. ممنى ادوار



شكل 12.25: مقدار بالمقابل تعدداور زاويد بالمقابل تعدد كے خط۔

با\_\_12. تعددي روغمسل

پت تعددی کونے  $\omega_L$  اور بلند تعددی کونے  $\omega_H$  کے مامین خطہ عرض پٹی  $^{35}$  کہلاتا اور  $\omega_L$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

(12.43) 
$$\mathbf{BW} = \omega_H - \omega_L = \frac{\omega_0}{Q} \qquad \dot{\mathcal{G}} \qquad \dot{\mathcal{G}}$$

عرض پٹی کے مساوات کو درج ذیل بھی لکھا جا سکتا ہے۔

(12.44) 
$$\mathbf{BW} = \frac{\omega_0}{Q} = \frac{\frac{1}{\sqrt{LC}}}{\frac{1}{R}\sqrt{\frac{L}{C}}} = \frac{R}{L}$$

چونکہ کونوں پر طاقت گھٹ کر نصف رہ جاتا ہے اور نصف طاقت طاقت اللہ اللہ العددی پٹی کو تین ڈیسسی بیل پٹی <sup>36 بھی</sup> کہتے ہیں۔

کونوں کے تعدد کو ضرب دینے سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے لہذا گمکی تعدد دونوں انقطاعی تعدد کا ہند تی اوسط ہے۔  $\omega_H \omega_L = \omega_0^2$ 

پت انقطاعی کونے پر زاویہ °45 ، بلند انقطاعی کونے پر °45 ۔ اور ممکمی تعدد پر °0 ہے۔

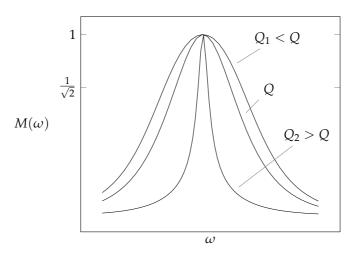
BW اور عرض پی اور کی پست انقطاعی تعدد  $\omega_L$  ، بلند انقطاعی تعدد  $\omega_H$  اور عرض پی اور عرض دریافت کریں۔

 ${
m BW}=1000\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$  ،  $\omega_H=10\,512\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$  ،  $\omega_L=9512\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$  . وابات:

مساوات 12.37 کے تحت زیادہ Q کے لئے کم R درکار ہے اور مساوات 12.43 کے تحت نگ عرض پٹی کے لئے زیادہ Q درکار ہے۔ یوں ننگ Q کی صورت میں حاصل ہو گا۔ ننگ عرض پٹی کا دور نہایت عمد گی سی مخصوص تعدد کو چننے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ شکل 12.26 میں مختلف Q کے لئے مساوات 12.39 کو دکھایا گیا ہے۔ داخلی اشارات سے صرف وہ اشارات خارجی جانب پینچتے ہیں جو عرض پٹی پر پائے جاتے ہوں۔ عرض پٹی سے باہر تعدد کے اشارات گھٹتے ہیں۔ یوں RLC بیل مرتا ہے۔

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \text{bandwidth}^{35} \\ 3\, dB \ \text{bandwidth}^{36} \end{array}$ 

12.4. ممثل الموار



شكل 12.26: عرض پڻي بالمقابل معياري مستقل ـ

معیاری مستقل Q کو توانائی کے نقطہ نظر سے دیکھا جا سکتا ہے۔ شکل 12.27 پر غور کریں جہاں RLC کو مگمی تعدد کا اشارہ مہیا کیا گیا ہے۔ مگمی تعدد پر رکاوٹ Z=R ہوتی ہے لہذا  $\hat{V}_C=rac{1}{i\omega_0C}\hat{I}=rac{1}{i\omega_0C}\frac{V_m}{R}$  اور برق گیر کا دباو

لعيني

$$v_C(t) = \frac{V_m}{\omega_0 RC} \cos(\omega_0 t - 90^\circ) \, \mathrm{V} = \frac{V_m}{\omega_0 RC} \sin \omega_0 t \, \mathrm{V}$$

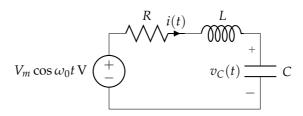
کھا جائے گا۔ آپ کو یاد ہو گا کہ امالہ گیر میں  $\frac{Li^2}{2}$  اور برق گیر میں  $\frac{Cv^2}{2}$  توانائی ذخیرہ ہوتی ہے لہذا امالہ گیر کی توانائی

(12.46) 
$$w_L(t) = \frac{1}{2}Li^2(t) = \frac{1}{2}L\left(\frac{V_m}{R}\cos\omega_0 t\right)^2 = \frac{LV_m^2}{2R^2}\cos^2\omega_0 t J$$

اور برق گیر کی توانائی

$$w_C(t) = \frac{1}{2}Cv^2(t) = \frac{1}{2}C\left(\frac{V_m}{\omega_0 RC}\sin\omega_0 t\right)^2 = \frac{V_m^2}{2\omega_0^2 R^2 C}\sin^2\omega_0 t J$$

باب.12. تعبد دی اردغمسل



شكل 12.27: سلسله وار RLC كو تكمى تعدد كااشاره مهياكيا كياسي-

 $\omega^2_0=1$  کا گار گئی تعدد پر  $\omega^2_0=1$  ہوتا ہے لہذا برق گیر کی توانائی کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.47) 
$$w_C(t) = \frac{V_m^2}{2\frac{1}{LC}R^2C}\sin^2\omega_0 t = \frac{LV_m^2}{2R^2}\sin^2\omega_0 t J$$

دور میں کل ذخیرہ توانائی ان دونوں کا مجموعہ ہے

(12.48) 
$$w_{,\dot{z};} = w_{L}(t) + w_{C}(t)$$

$$= \frac{LV_{m}^{2}}{2R^{2}}\cos^{2}\omega_{0}t + \frac{LV_{m}^{2}}{2R^{2}}\sin^{2}\omega_{0}t$$

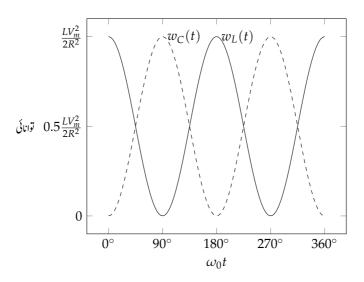
$$= \frac{LV_{m}^{2}}{2R^{2}}$$

جہاں آخری قدم پر  $\theta=1$   $\cos^2 \theta+\sin^2 \theta=1$  کا استعال کیا گیا ہے۔یوں دور میں کل ذخیرہ توانائی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی اور اس کی مقدار اٹل ہے۔

مساوات 12.46 اور مساوات 12.47 کو شکل 12.28 میں دکھایا گیا ہے۔ان مساوات کے تحت امالہ گیر اور برق گیر میں فرخیرہ توانائی وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے جبکہ مساوات 12.48 کے تحت ان کا مجموعہ اٹل مقدار ہے۔یہ ایک دلچیپ صورت حال ہے۔ لمحہ  $\omega_0 t = 0$  پر امالہ گیر کی توانائی زیادہ سے زیادہ جبکہ برق گیر کی توانائی صفر ہوتی ہے۔اس کے برعکس  $\omega_0 t = 0$  پر امالہ گیر کی توانائی صفر جبکہ برق گیر کی توانائی زیادہ سے زیادہ ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جیسے جیسے ایک پرزے میں ذخیرہ توانائی گئتی ہے ویسے دوسرے پرزے میں ذخیرہ توانائی بڑھتی ہے۔ ہر لمحہ ایک پرزے میں توانائی کی کمی دوسرے پرزے میں توانائی کی کمی دوسرے پرزے میں توانائی کے اضافے کے برابر ہوتی ہے۔

 $w_{e_{1}}$  تعدد پر سلسلہ وار RLC میں کل  $\frac{LV_{m}^{2}}{2R^{2}}$  توانائی ذخیرہ ہوتی ہے۔ آئیں تعدد کے ایک چکر میں توانائی کا ضیاع

12.4. ممَّتي ادوار



شكل 12.28: كَمْنَى دور مِين توانا كَي كا تبادله ـ

دریافت کریں۔ توانائی صرف مزاحمت میں ضائع ہوتی ہے۔

$$w$$
نیز $=\int_0^T i^2(t)R\,\mathrm{d}t=\int_0^T \left(rac{V_m}{R}\cos\omega_0 t
ight)^2R\,\mathrm{d}t=rac{V_m^2T}{2R}$ 

کل ذخیرہ توانائی اور فی چکر توانائی کے ضیاع کا تناسب لکھتے ہیں۔

$$\frac{w_{,\dot{z};\dot{z};}}{w_{\dot{c}\dot{\omega}}} = \frac{\frac{LV_m^2}{2R^2}}{\frac{V_m^2T}{2R}} = \frac{L}{RT} = \frac{L}{R\frac{2\pi}{\omega_0}} = \frac{\omega_0 L}{2\pi R}$$

چونکہ  $Q=rac{\omega_0 L}{R}=Q$  ہے۔ لندا درج ذیل کھا جا سکتا ہے جو معیاری مستقل Q کی عمومی تعریف ہے۔

معیاری مستقل کی عمومی تعریف برقی میدان کے علاوہ میکانی میدان اور سمعی میدان میں بھی استعال ہوتی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کم مزاحمت ضیاع کے دور کا معیاری مستقل زیادہ ہو گا۔ باب.12. تعدري رد عمسال

مثال 12.11: سلسله وار RLC دور میں RLC دور میں L=2 mH ، R=1  $\Omega$  بین۔دور کی RLC مثال 12.11: سلسله وار RLC دور میں وربارہ حاصل کریں۔ RLC عاصل کریں۔ مزاحمت کی قیمت R=0.1  $\Omega$  اور R

حل: در کار قیمتیں حاصل کرتے ہیں۔

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{2 \times 10^{-3} \times 20 \times 10^{-6}}} = 5000 \,\text{rad s}^{-1}$$

$$Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} = \frac{1}{1} \sqrt{\frac{2 \times 10^{-3}}{20 \times 10^{-6}}} = 10$$

$$BW = \frac{\omega_0}{Q} = \frac{5000}{10} = 500 \,\text{rad s}^{-1}$$

مزاحت کی قیمت دس گنا کم کرنے کے بعد تمام قیمتیں دوبارہ حاصل کرتے ہیں۔چونکہ گمکی تعدد میں مزاحمت کا کوئی دخل نہیں ہے لہٰذااس کی قیمت وہی رہے گی۔

$$Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} = \frac{1}{0.1} \sqrt{\frac{2 \times 10^{-3}}{20 \times 10^{-6}}} = 100$$

$$BW = \frac{\omega_0}{Q} = \frac{5000}{100} = 50 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1}$$

مزاحت کی قیمت دس گنا کم کرنے سے معیاری مستقل کی قیمت دس گنا بڑھتی ہے جبکہ عرض پٹی دس گنا کم ہوتی ہے۔

مثق 12.11: سلسله وار RLC دور میں RLC دور میں  $L=1\,\mathrm{mH}$  ،  $R=2\,\Omega$  بیں۔ کمکی تعدد، معیاری مستقل اور عرض پٹی دریافت کریں۔

 ${
m BW}=2000\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$  ، Q=11.2 ،  $\omega_0=22\,361\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$  .

12.4. ممثلی ادوار

 $\mathrm{BW}=600\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  اور  $\omega_0=6\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$  ،  $R=5\,\Omega$  دور کا RLC عبل اور  $\omega_0=6\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$  ،  $R=5\,\Omega$  اور RLC عبل اور RLC دریافت کریں۔

 $C = 3.33 \, \mu \text{F}$  ،  $L = 8.33 \, \text{mH}$  جوابات:

 ${
m BW}=80\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$  اور  $\omega_0=1000\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$  مثال 12.12: اییا سلسله وار RLC دور تخلیق دین که ورپ مثال 12.12: اییا سلسله وار

حل: ممکی تعدد اور عرض پی کے مساوات درج ذیل ہیں۔

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$BW = \frac{\omega_0}{Q} = \frac{\frac{1}{\sqrt{LC}}}{\frac{1}{R}\sqrt{\frac{L}{C}}} = \frac{R}{L}$$

ہم دیکھتے ہیں کہ درکار متغیرات تین جبکہ مساوات دو عدد ہیں۔ تخلیق کے دوران عموماً ایسی ہی مسائل درپیش آتے ہیں جہاں ممکنہ مساوات سے تمام جوابات حاصل کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ایسے مسائل تجربے سے حل کئے جاتے ہیں۔ تجربے کی بنیاد پر کسی ایک متغیرہ کو چنتے ہوئے بقایا کو مساوات کے ذریعہ حاصل کیا جاتا ہے۔اگر حاصل جوابات قابل قبول نہ ہوں تب متغیرہ کی قیت تبدیل کرتے ہوئے دوبارہ حل کیا جاتا ہے۔یہ سلسلہ اس وقت تک جاری رکھا جاتا ہے جب تک قابل قبول جوابات حاصل نہ ہوں حائے۔

 $C=10\,\mu F$  المذاور بي قيت الي چنتے ہيں جو دستياب ہو مثلاً  $C=10\,\mu F$  المذاور بي قيتيں حاصل ہو تي ہيں۔  $L=\frac{1}{\omega_0^2C}=\frac{1}{1000^2\times 10\times 10^{-6}}=0.1\,H$   $R=(L)(BW)=0.1\times 80=8\,\Omega$ 

مساوات 12.38 کے تحت سلسلہ وار RLC دور میں گمکی تعدد پر امالی دباو اور برق گیر دباوکی قیمتیں داخلی دباو کے Q گنا ہوتی ہیں۔ آئیں دیکھیں کہ آیا امالی دباو اور برق گیر دباوکی زیادہ سے زیادہ قیمت مگمی تعدد پر ہی پائی جاتی ہے یا کہ کسی دوسری تعدد پر۔شکل 12.29 کو دیکھتے ہوئے برق گیر کا دباوکھتے ہیں

$$\hat{V}_C = \left(\frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C}}\right) \hat{V}_m$$

جس کو ترتیب دے کر ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\hat{V}_C = \frac{\hat{V}_m}{1 - \omega^2 LC + j\omega RC}$$

اس کی حتی قیمت حاصل کرتے ہیں۔

(12.51) 
$$\left|\hat{V}_{C}\right| = \frac{\left|\hat{V}_{m}\right|}{\sqrt{(1 - \omega^{2}LC)^{2} + (\omega RC)^{2}}}$$

$$\text{tights in the constant of the problem of the constant of the c$$

سے

(12.52) 
$$\omega_{\frac{1}{LC}} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{1}{2} \left(\frac{R}{L}\right)^{2}}$$

$$\omega_{\frac{1}{LC}} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{1}{2} \left(\frac{R}{L}\right)^{2}}$$

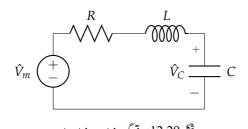
$$\omega_{\frac{1}{LC}} = \sqrt{\frac{1}{LC} + \frac{1}{LC}}$$

$$\omega_{\frac{1}{LC}} = \sqrt{\frac{1}{2} \left(\frac{\omega_{0}}{Q}\right)^{2}}$$

$$\omega_{0} = \frac{1}{LC}$$

$$\omega_{0} = \sqrt{1 - \frac{1}{2C^{2}}}$$
(12.53)

12.4. ممثل ادوار



کھا جا سکتا ہے۔ درج بالا مساوات کے تحت زیادہ سے زیادہ دباو گمی تعدد پر نہیں پایا جاتا اگرچہ Q کی قیمت زیادہ ہوئے اور کی صورت میں درج بالا تعدد تقریباً گمی تعدد ہی ہو گی۔ مساوات 12.53 کو مساوات 12.51 میں پر کرتے ہوئے اور کی صورت میں اور  $\omega_0^2 R^2 C^2 = \frac{1}{Q^2}$  استعال کرتے ہوئے زیادہ دباو کی قیمت حاصل ہوتی ہے  $\omega_0^2 R^2 C^2 = \frac{1}{LC}$ 

(12.54) 
$$\left|\hat{V}_{C}\right|_{\dot{\mathcal{V}}_{C}} = \frac{Q\left|\hat{V}_{m}\right|}{\sqrt{1 - \frac{1}{4Q^{2}}}}$$

جو  $\, 2 \gg 1 \,$  کی صورت میں درج ذیل قیت اختیار کرتا ہے۔

$$|\hat{V}_C|_{\text{list}} \approx Q |\hat{V}_m|$$

 $1\Omega$  اور 10 اور المراق المراق المراق المراق المراق المراق المراق المراق المراق ا

حل: گمکی تعدد پر مزاحمت کا کوئی اثر نہیں ہے۔

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{10 \times 10^{-3} \times 1 \times 10^{-6}}} = 10 \, \text{krad s}^{-1}$$

مزاحمت Ω 50 کی صورت میں

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{10000 \times 10 \times 10^{-3}}{50} = 2$$

با\_\_12. تعبد دي ردعمسل

638 اور

$$\omega_{7,1} = \omega_0 \sqrt{1 - \frac{1}{2Q^2}}$$

$$= 10000 \sqrt{1 - \frac{1}{2 \times 2^2}}$$

$$= 9354 \, \text{rad s}^{-1}$$

مزاحمت 10 کی صورت میں

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{10000 \times 10 \times 10^{-3}}{1} = 100$$

اور

$$\omega_{
m Jul} = \omega_0 \sqrt{1 - rac{1}{2Q^2}}$$
 $= 10000 \sqrt{1 - rac{1}{2 imes 100^2}}$ 
 $pprox 10\,000\,{
m rad}\,{
m s}^{-1}$ 

حاصل ہوتے ہیں۔

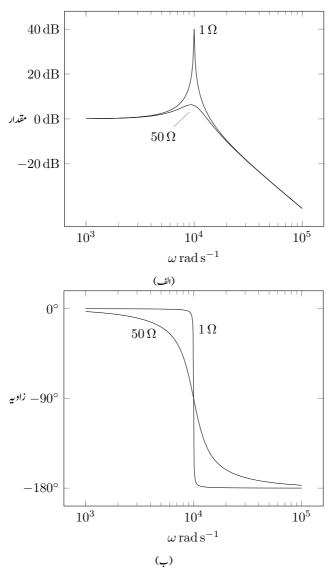
آئیں تبادلی تفاعل سے بین تبادلی تفاعل کھنے ہیں۔ مساوات 12.50 سے  $R=50\,\Omega$  کی صورت میں تبادلی تفاعل کھتے ہیں۔

(12.56) 
$$\frac{\hat{V}_C}{\hat{V}_m} = \frac{1}{1 - 10^{-8}\omega^2 + j50 \times 10^{-6}\omega}$$

اسی طرح R=1 کی صورت میں تبادلی تفاعل کھتے ہیں۔

(12.57) 
$$\frac{\hat{V}_C}{\hat{V}_m} = \frac{1}{1 - 10^{-8}\omega^2 + j1 \times 10^{-6}\omega}$$

ان تبادلی تفاعل کو شکل 12.30 میں د کھایا گیا ہے۔ آپ نے دیکھا کہ زیادہ Q والا جال باریک بینی سے تعدد چتا ہے جبکہ کم Q والا جال اتنی باریک بینی سے تعدد نہیں چتا ہے۔ 12.4. مُحمَى ادوار



شكل 12.30: مثال 12.13 كے خطوط۔

بائے۔12 تب دی رد عمسل

متوازی گمک

اب تک ہم سلسلہ وار RLC کے مگک پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت میں متوازی جڑے اور سلسلہ وار جڑے RLC میں مثابہت زیادہ اور فرق کم پایا جاتا ہے۔ شکل 12.31 میں متوازی RLC دکھایا گیا ہے جس کی کرخوف مساوات رو کھتے ہیں

(12.58) 
$$\hat{I} = \hat{I}_R + \hat{I}_L + \hat{I}_C \\
= \frac{\hat{V}_d}{R} + j\omega C \hat{V}_d + \frac{\hat{V}_d}{j\omega L} \\
= \hat{V}_d \left[ G + j \left( \omega C - \frac{1}{\omega L} \right) \right]$$

جہاں آخری قدم پر  $G=\frac{1}{w_0L}$  کھا گیا ہے۔ گمنی تعدد  $\omega_0$  پر رو کم سے کم ہو گی۔ کم سے کم رو  $\frac{1}{R}=G$  کی حالت میں حاصل ہوتی ہے جس سے گمنی تعدد حاصل ہوتی ہے۔

(12.59) 
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \qquad \text{is in } C$$

مساوات 12.35 میں سلسلہ وار RLC کی گمکی تعدد دی گئی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سلسلہ وار RLC اور متوازی RLC کی گمکی تعدد پر رو درج ذیل ہو گی۔

$$\hat{I} = G\hat{V}_d$$

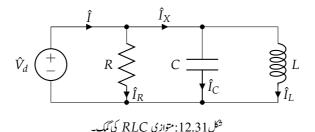
دور کی داخلی فراوانی  $Y(j\omega)$  ککھتے ہیں

(12.61) 
$$Y(j\omega) = G + j\omega C + \frac{1}{j\omega L}$$

جو گمی تعدد پر درج ذیل ہو گی۔

$$(12.62) Y(j\omega_0) = R$$

12.4. ممثلی ادوار



شکل 12.31 میں مگمی تعدد پر امالی اور برق گیر رو کا مجموعہ حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_X = \hat{I}_C + \hat{I}_L$$

$$= j\hat{V}_d \left(\omega_0 C - \frac{1}{\omega_0 L}\right)$$

$$= 0 \text{ A}$$

اس نتیجے کو سیجھنے کی خاطر شکل 12.32 میں و کھائے گئے متوازی جڑے امالہ گیر اور برق گیر کا مجموعی رکاوٹ  $Z_0$  کھتے ہیں

$$\frac{1}{Z_0} = j\omega_0 C + \frac{1}{j\omega L}$$
$$= j\left(\omega_0 C - \frac{1}{\omega_0 L}\right)$$
$$= 0$$

جس سے رکاوٹ لا متناہی حاصل ہوتی ہے۔

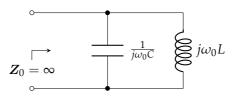
$$(12.63) Z_0 = \infty$$

سلسلہ وار جڑے امالہ گیر اور برق گیر کی مگمی تعدد پر مجموعی رکاوٹ صفر ہوتی ہے جبکہ متوازی جڑے امالہ گیر اور برق گیر کی مگمی تعدد پر رکاوٹ لا متناہی ہوتی ہے۔لا متناہی رکاوٹ میں روکی قیمت صفر ہی متوقع ہے۔اگرچہ مگمی تعدد پر امالہ گیر اور برق گیر کی مجموعی روصفر کے برابر ہے، ان کی انفرادی روہر گڑصفر نہیں ہے۔

$$\hat{I}_C = j\omega_0 C \hat{V}_d$$

$$\hat{I}_L = -j \frac{\hat{V}_d}{\omega_0 L}$$

بابـــ12. تعــــد دي رد عمـــل



شكل 12.32: كمكي تعدد ير متوازى جڙ بالله گيراور برق گير كي مجموعي ركاوك لامتنابي ہے۔

 $^{a}$ گمی تعدد پر امالی رو اور برق گیر رو قیت میں برابر لیکن زاویائی طور پر آپس میں الٹ قدم (180°) ہوتی ہیں۔ شکل 12.31 میں گمکی تعدد پر رو قیت میں برابر لیکن زاویائی طورت کی صورت میں  $\hat{I} = G\hat{V}_d$  ہوگا۔ لا شناہی مزاحمت کی صورت میں  $\hat{I} = G\hat{V}_d$  ہوگا۔ جہ سے  $\hat{I} = G\hat{V}_d$  اور ج بالا مساوات کے تحت ہوں گی۔ یہاں بھی امالہ گیر اور برق گیر کے مابین توانائی کا تبادلہ ہوتا ہے۔ جیسے جیسے ایک میں توانائی گھٹتی ہے ویسے دو سرے میں توانائی کا اضافہ ہوتا ہے۔

مساوات 12.58 سے تبادلی تفاعل  $rac{\hat{1}}{\hat{V}_d}$  ککھتے ہیں۔

(12.64) 
$$\frac{\hat{I}}{\hat{V}_d} = \mathbf{Y}(j\omega) = G + j\left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)$$

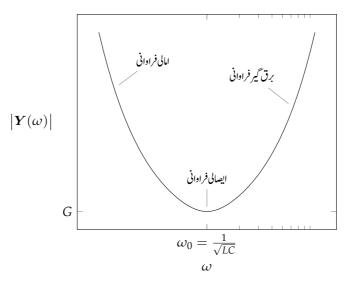
شکل 12.33 میں اس تبادلی تفاعل کا حتمی قیمت بالمقابل تعدد خط و کھایا گیا ہے۔ گمکی تعدد پر امالی تا ثیر زیادہ غالب ہے جبکہ زیادہ تعدد پر ایصالی فراوانی پائی جاتی ہے۔ شکل 12.34 میں داخلی دباو  $\hat{V}_d$  نیادہ تعدد پر رق گیر تاثیر زیادہ غالب ہے۔ عین محمی تعدد پر ایصالی فراوانی پائی جاتی ہے۔ شکل 12.34 میں داخلی دباو ہے لمذا کے حوالے سے متوازی RLC کے دوری سمتیات و کھائے گئے ہیں۔ ممکی تعدد سے کم تعدد پر امالی رو غالب ہے لمذا داخلی دباوسے رو آگے ہے۔ عین داخلی دباوسے رو آگے ہے۔ عین گمکی تعدد پر داخلی دباواور رو ہم قدم ہیں۔

مساوات 12.49 میں معیاری مستقل کی عمومی تعریف بیان کی گئی ہے۔آئیں اس کو استعال کرتے ہوئے متوازی RLC دور کا Q دریافت کریں۔

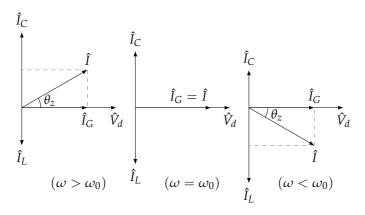
 $v_d = V_m \cos \omega_0 t \, 
m{V}$  يعنى  $\hat{V}_d = V_m / 0^\circ \, 
m{V}$  يعنى دباو گمكى تعدد پر تصور كرتے ہوئے  $\hat{V}_d = V_m / 0^\circ \, 
m{V}$  يعنى دباو گمكى تعدد پر تصور كرتے ہوئے وض كريں۔اماله گير كى رو

(12.65) 
$$\hat{I}_L = \frac{\hat{V}_d}{j\omega_0 L} = \frac{V_m/0^\circ}{j\omega_0 L} = \frac{V_m}{\omega_0 L}/-90^\circ$$

12.4. ممتمى ادوار



شكل 12.33: فراواني كي مقدار بالمقابل تعدد ـ



شکل 12.34: متوازی RLC کے دوری سمتیات۔

ليعني

$$i_L(t) = rac{V_m}{\omega_0 L} \cos(\omega_0 t - 90^\circ) = rac{V_m}{\omega_0 L} \sin \omega_0 t \, \mathrm{A}$$
  $-$ كسى جائے گا۔ برق گیر اور مزاحمت کی رو درج ذیل کشی جائے گا۔  $\hat{I}_C = \omega_0 C V_m / 90^\circ \, \mathrm{A}$   $\hat{I}_G = G V_m / 0^\circ \, \mathrm{A}$ 

اماله گير ميں ذخيره توانائي

(12.67) 
$$w_L(t) = \frac{1}{2}Li_L^2(t) = \frac{1}{2}L\left(\frac{V_m}{\omega_0 L}\sin\omega_0 t\right)^2 = \frac{V_m^2}{2\omega_0^2 L}\sin^2\omega_0 t J$$

اور برق گیر میں ذخیرہ توانائی

$$w_C(t) = \frac{1}{2}Cv_C^2(t) = \frac{1}{2}C(V_m\cos\omega_0 t)^2 = \frac{CV_m^2}{2}\cos^2\omega_0 t J$$

ککھی جائے گی۔ گمکی تعدد پر  $\frac{1}{LC}=\omega_0^2=\frac{1}{LC}$  ہوتا ہے لہذا امالہ گیر کی توانائی کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.68) 
$$w_L(t) = \frac{V_m^2}{2\frac{1}{LC}L} \sin^2 \omega_0 t = \frac{CV_m^2}{2} \sin^2 \omega_0 t J$$

دور میں کل ذخیرہ توانائی ان دونوں کا مجموعہ ہے

(12.69) 
$$w_{,\dot{Z};} = w_{C}(t) + w_{L}(t)$$

$$= \frac{CV_{m}^{2}}{2}\cos^{2}\omega_{0}t + \frac{CV_{m}^{2}}{2}\sin^{2}\omega_{0}t$$

$$= \frac{CV_{m}^{2}}{2}$$

جہاں آخری قدم پر  $\theta=1$   $\cos^2 \theta+\sin^2 \theta=1$  کا استعال کیا گیا ہے۔یوں دور میں کل ذخیرہ توانائی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی اور اس کی مقدار اٹل ہے۔

12.4 گُمَني ادوار

آئیں اب گمکی تعدد کے ایک چکر میں توانائی کا ضیاع دریافت کریں۔امالہ گیر اور برق گیر میں توانائی کا ضیاع ممکن نہیں  $\frac{V_m}{\sqrt{2}}$  میں ضائع ہو گی۔مزاحمت پر  $V_m$  حیطے کا دباو لا گو ہے جس کی موثر قیمت  $\frac{V_m}{\sqrt{2}}$  ہے۔یوں مزاحمت میں طاقتی ضیاع درج ذیل ہو گا۔

$$P_G = \frac{\left(\frac{V_m}{\sqrt{2}}\right)^2}{R} = \frac{GV_m^2}{2}$$

م کمی تعدد پر ایک چکر کا دورانیہ  $rac{2\pi}{\omega_0} = T = rac{2\pi}{\omega_0}$  برابر ہے جس میں مزاحمتی ضیاع درج ذیل ہو گا۔

$$w_{\xi_{\underline{\omega}}} = TP_G = \frac{2\pi G V_m^2}{2\omega_0}$$

مساوات 12.49 کو استعال کرتے ہوئے متوازی RLC دور کا معیاری مستقل حاصل کرتے ہیں۔

$$Q = 2\pi \frac{w_{\bullet,\dot{z};}}{w_{\dot{z};\dot{z};}}$$

$$= 2\pi \frac{\frac{CV_m^2}{2}}{\frac{2\pi GV_m^2}{2\omega_0}}$$

$$= \frac{\omega_0 C}{G}$$

میں تعدد پر  $\frac{1}{\omega_0 C} = \frac{1}{\omega_0 C}$  ہوتا ہے لہذا متوازی RLC کے معیاری مستقل کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(12.71) Q = \frac{\omega_0 C}{G} = \frac{1}{\omega_0 LG}$$

سلسلہ وار RLC کے Q کے ساتھ موازنہ کرنے سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ متوازی RLC کا Q اس کے بالعکس متناسب ہے۔

مساوات 12.65 اور مساوات 12.65 متوازی پرزوں کی رو دیتے ہیں جبکہ مساوات 12.60 منبع کی رو دیتی ہے۔ان نتائج سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.72) 
$$I_{L} = QI$$
$$I_{C} = QI$$
$$I_{G} = I$$

باب.12. تعبد دي روعمسال

Q>1 میں متوازی RLC دور میں رو کا کر دار وہی ہے جو سلسلہ وار RLC میں دباو کا تھا۔ متوازی RLC میں اور کا کر دار وہی ہے جو سلسلہ وار کی صورت میں مگمی تعدد پر امالہ گیر اور برق گیر کو رو منبع کی روسے زیادہ ہو گی۔

مثال 12.14: متوازی جڑے  $C=10~\mu F$  میں L=1~m H ، G=0.01 S بیں۔اس کو مگمی مثال 12.14: متوازی جڑے  $\hat{V}_d=22/0~V$  و باو فراہم کی جاتی ہے۔ کمکی تعدد اور پرزوں میں رو دریافت کریں۔

حل: لمکی تعدد دریافت کرتے ہیں۔

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{10^{-3} \times 10 \times 10^{-6}}} = 10 \,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$$

یوں پرزوں کی رو درج ذیل ہو گی۔

$$\begin{split} \hat{I}_G &= G\hat{V}_d = 0.01 \times 22/0^{\circ} = 0.22/0^{\circ} \text{ A} \\ \hat{I}_L &= \frac{\hat{V}_d}{j\omega_0 L} = \frac{22/0^{\circ}}{j10000 \times 0.001} = 2.2/-90^{\circ} \text{ A} \\ \hat{I}_C &= j\omega_0 C\hat{V}_d = j10000 \times 10 \times 10^{-5} \times 22/0^{\circ} = 2.2/90^{\circ} \text{ A} \end{split}$$

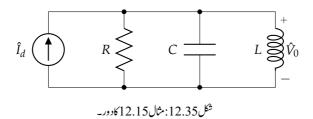
$$\hat{I} = \hat{I}_G + \hat{I}_L + \hat{I}_C$$

$$= 0.22 \underline{/0^{\circ}} A$$

$$= \hat{I}_G$$

اس مثال میں امالی رواور برق گیر رو کی قیمتیں منبع کی روسے دس گنا زیادہ ہیں۔

مثال 12.15: شکل 12.35 میں متوازی RLC دور دیا گیا ہے۔اس کا تبادلی تفاعل 🦞 حاصل کرتے ہوئے نچلا اور بالائی کونادریافت کریں۔عرض پٹی بھی حاصل کریں۔ 12.4. مُحَلِي ادوار



حل: دور کی فراوانی

$$Y = G + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})$$

استعال کرتے ہوئے خارجی دباو لکھتے ہوئے

$$\hat{V}_0 = \frac{\hat{I}_d}{Y}$$

$$= \frac{\hat{I}_d}{G + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})}$$

تبادلی تفاعل حاصل کرتے ہیں۔

(12.73) 
$$\frac{\hat{V}_0}{\hat{I}_d} = \frac{1}{G + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})}$$

تباد لی تفاعل عین مگمی تعدد پر زیادہ سے زیادہ ہوتا ہے۔ یوں مگمی تعدد پر قوسین صفر کے برابر ہو گی جس سے مگمی تعدد <sup>لکھ</sup>ی حاسمتی ہے۔

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

۔ گمی تعدد پر مساوات 12.73 میں قوسین صفر کے برابر ہے للذااس کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے جو تفاعل کی زیادہ سے زیادہ قیمت ہے۔

$$\frac{\hat{V}_0}{\hat{I}_d} = \frac{1}{G}$$

میں تعدد پر تبادلی تفاعل کی مقدار زیادہ سے زیادہ مقدار کی  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  گنا ہو گی۔یوں کونوں پر درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.76) 
$$\frac{1}{\sqrt{G^2 + (\omega C - \frac{1}{\omega L})^2}} = \left(\frac{1}{G}\right) \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$$

باب.12. تعبد دي روغمسال

دونوں اطراف کا مربع لیتے اور ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے

$$\omega^2 \mp \omega \frac{G}{C} - \frac{1}{LC} = 0$$

جس کے مثبت تعددی جوابات لکھتے ہیں۔

(12.78) 
$$\omega_L = -\frac{G}{2C} + \sqrt{\left(\frac{G}{2C}\right)^2 + \frac{1}{LC}}$$

(12.79) 
$$\omega_H = +\frac{G}{2C} + \sqrt{\left(\frac{G}{2C}\right)^2 + \frac{1}{LC}}$$

ان کونوں سے عرض پٹی حاصل کرتے ہیں۔

(12.80) 
$$\mathbf{BW} = \omega_H - \omega_L = \frac{G}{C} = \frac{1}{RC}$$

معیاری مستقل حاصل کرتے ہیں۔

(12.81) 
$$Q = \frac{\omega_0}{BW} = \frac{1}{G}\sqrt{\frac{C}{L}} = R\sqrt{\frac{C}{L}}$$

مگمی تعدد ، معیاری مستقل اور عرض پٹی کے مساوات استعال کرتے ہوئے کونوں کی تعدد کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.82) 
$$\omega_L = \omega_0 \left[ -\frac{1}{2Q} + \sqrt{\frac{1}{(2Q)^2} + 1} \right]$$

(12.83) 
$$\omega_H = \omega_0 \left[ +\frac{1}{2Q} + \sqrt{\frac{1}{(2Q)^2} + 1} \right]$$

مثال 12.16: متوازی RLC میں RLC میں  $L=1\,\mathrm{mH}$  ،  $R=1\,\mathrm{k}\Omega$  میں تعدد، معیاری مستقل اور عرض پی دریافت کریں۔

12.4 ممنحى ادوار

عل:

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{10^{-3} \times 20 \times 10^{-6}}} = 7071 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1}$$

$$Q = R\sqrt{\frac{C}{L}} = 1000\sqrt{\frac{10^{-3}}{20 \times 10^{-6}}} = 141$$

$$BW = \frac{1}{RC} = \frac{1}{1000 \times 20 \times 10^{-6}} = 50 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1}$$

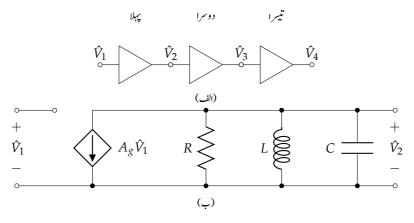
مثال 12.17: برقناطیسی امواج<sup>37</sup> کو اینٹینا<sup>38</sup> کے ذریعہ خلاء سے حاصل کرتے ہوئے بھسر ایمپلیفائر <sup>39</sup> تک پہنچایا جاتا ہے۔ہمسر ایمپلیفائر <sup>39</sup> تک پہنچایا جاتا ہے۔ہمسر ایمپلیفائر مخصوص عرض پڑٹ کے تعدد کے اشارات کا حیطہ بڑھاتے ہوئے بقایا تعدد کے اشارات کو گھٹاتا ہو کہ اس ہے۔تعددی طور پر دو قریبی اشارات کو علیحدہ کرنے کے لئے ضروری ہے کہ ہمسر دورکی عرض پڑٹا تی تنگ ہو کہ اس میں سے صرف ایک اشارہ گزر سکے۔ بعض او قات ایک عدد RLC دور سے اشارات کو علیحدہ کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ایسی صورت میں متعدد ہمسر ایمپلیفائر کو زنجری جوڑا جاتا ہے جہاں پہلے ایمپلیفائر کا خارجی اشارہ دوسرے ایمپلیفائر کو بطور داخلی اشارہ مہیا کیا جاتا ہے۔ آئیں دیکھیں کہ زنجری ایمپلیفائر سے کیسے عرض پڑٹی مزید تنگ کی جاتی ہے۔

شکل 12.36-الف میں زنجیری ایمپلیفائر و کھایا گیا ہے۔ داخلی اشارہ  $\hat{V}_1$  پہلے ایمپلیفائر کو مہیا کیا گیا ہے۔ پہلے ایمپلیفائر کا خارجی اشارہ خارجی اشارہ مہیا کیا گیا ہے۔ اس طرح دوسرے ایمپلیفائر کا خارجی اشارہ خیا گیا ہے۔ اس طرح دوسرے ایمپلیفائر کا خارجی اشارہ  $\hat{V}_3$  تیسرے ایمپلیفائر کو مہیا کیا گیا ہے۔ شکل - بسمسر ایمپلیفائر کا مساوات 20.73 سے پہلے ہمسر ایمپلیفائر کے دور میں  $\hat{I}_d = -A_g \hat{V}_1$  لینے سے شکل 12.35 حاصل ہوتا ہے لہذا مساوات 12.73 سے پہلے ہمسر ایمپلیفائر کے لئے دور میں  $\hat{I}_d$ 

(12.84) 
$$\hat{V}_{2} = \frac{-A_{g}\hat{V}_{1}}{G + j(\omega C - \frac{1}{\omega I})}$$

electromagnetic waves $^{37}$  antenna $^{38}$ 

tuned amplifier $^{39}$ 



شکل12.36: زنجری ہمسرایمپلیفائرے عرض پٹی تنگ کی جاتی ہے۔

لکھا جا سکتا ہے۔ پہلے ایمپلیفائر کا خارجی اشارہ اُک ہے جسے دوسرے ایمپلیفائر کو فراہم کیا جاتا ہے للذا مساوات 12.73 کو دوبارہ استعال کرتے ہوئے دوسرے ایمپلیفائر کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{V}_3 = \frac{-A_g \hat{V}_2}{G + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})}$$

جس میں مساوات 12.84 سے  $\hat{V}_2$  پر کرتے ہوئے درج ذیل ملتا ہے۔

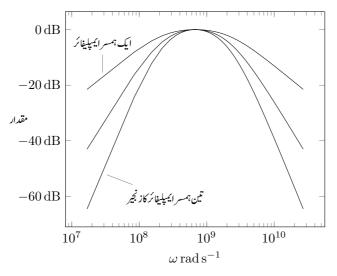
(12.85) 
$$\hat{V}_{3} = \frac{(-A_{g})^{2} \hat{V}_{1}}{\left[G + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})\right]^{2}}$$

اسی طرح تیسرے ایمیلیغائر کے لئے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(12.86) 
$$\hat{V}_4 = \frac{(-A_g)^3 \hat{V}_1}{\left[G + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})\right]^3}$$

ہمسر دور میں  $C=5\,\mathrm{pF}$  اور  $C=5\,\mathrm{pF}$  اور  $C=5\,\mathrm{pF}$  ساوات ہمسر دور میں  $C=5\,\mathrm{pF}$  ہیں۔ آپ دیھ سکتے ہیں کہ 12.84 مساوات 12.85 اور مساوات 12.86 کے مقداری خط شکل 12.37 میں تھنچے گئے ہیں۔ آپ دیھ سکتے ہیں کہ زیادہ تعداد میں ہمسر ایمپلیفائر زنجیری جوڑنے سے عرض پڑی کم کی جاسکتی ہے۔ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ شکل 12.36 میں ایمپلیفائر کو استعمال کئے بغیر تین عدد متوازی RLC ادوار کو زنجیری جوڑنے سے مساوات 12.86 نہیں ملتی۔ بغیر ایمپلیفائر کے تین مزاحمت متوازی جوڑنے ہیں جن کا مجموعہ C=0

12.4. ممتمى ادوار



شكل 12.37: زنجيري ايمپليفائرے عرض پڻي ننگ كرنے كاعمل \_

ملتا ہے اور تین برق گیر متوازی جوڑنے سے 3C ملتا ہے۔ یوں صرف RLC زنجیری جوڑنے سے ایک عدد RLC ملتا ہے۔ ملتا ہے۔ باب\_12 تعددي ردعمل

652