برقی ادوار

خالد خان بوسفر کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1																															نياد	ب	1
1																							دباو	ئى	ِ برہ	. اور	ى رو	برق	بار،	برقى	1.	1	
5																												١	اوب	قانونِ	1.2	2	
6																											اقت	ر ط	ی او	توانائ	1.3	3	
11																														برقى	1.4	4	
11																								٥	منب	نابع	غير		1.	4.1			
13																									٠ ز	منب	تابع		1.	4.2			
21																														ادوار	زاحمتي	٨	2
21																												٥	اوب	قانون	2.	1	
																														قوانير		2	
39																						. ,	، رو	میں	وں ،	پرزو	ٹڑے	ر ج	لہ وا	سلسا	2.3	3	
40																												او	م دب	تقسي	2.4	4	
42																								ت	حما	مزا	, وار	سلم	دً سل	متعدد	2.:	5	
44																				ت	حم	مزا	اور	او	ع د	منب	عدد	ر مت	لہ وا	سلسا	2.0	6	
44																٠.	ابر	جاتا	يا -	و پا	دبا	باں	کس	پر ي	ت	حم	ے مزا	عڑے	ی ج	متواز:	2.	7	
46																												٠,	م رو	تقسي	2.3	8	

اب 1

بنياد

اس کتاب میں بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی ہے جس کے چند بنیادی اکایاں کلو گرام (kg)، میٹر (m)، سینڈ (s)اور کیلون (K) ہیں۔ان اکایوں کے ساتھ عموماً شکل 1.1 میں دکھائے گئے ضربے استعال کئے جاتے ہیں جن سے آپ بخوبی واقف ہیں۔

1.1 برقی بار، برقی رو اور برقی دباو

اس کتاب میں بوقی باد 2 اور بوقی رو 3 کلیدی کردار ادا کریں گے۔ برقی بارکی اصطلاح کو چھوٹا کر کے صرف بوق یا صرف بارکی اصطلاح استعال کی جائے گی جبکہ برقی روکہتے ہیں۔چونکہ بارکی حرکت سے توانائی ایک مقام سے دوسرے مقام منتقل ہوتی ہے لہذا ہماری دلچیسی کا مرکز برقی روہوگی۔

موصل تارکی مدد سے برتی پرزہ جات کو مختلف انداز میں آپس میں جوڑنے سے بوقی دور احاصل ہوتا ہے۔ جیسے پائپ سے پانی کو ایک مقام سے دوسرے مقام تک منتقل کیا جاتا ہے، بالکل اسی طرح برتی دور میں ایک نقطے سے دوسرے نقطے تک بار موصل تارکے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ یوں اگر پانی کو بار تصور کیا جائے گا۔ برتی ادوار سیجھنے میں یہ مثابہت مدد گارثابت ہوتی ہے۔

کسی بھی نقطے پر برقی روسے مراد اس نقطے سے فی سینڈ گزرتا بار ہے۔رواور بار کے تعلق کو تفرقی 5 صورت میں یوں

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

SI system¹ electric charge² electric current³ electric circuit⁴ differential form⁵

10^{-12}	10-9	10-6	10^{-3}	100	103	106	109	10 ¹²
p	n	µ	m		k	M	G	T
pico	nano	micro	milli		kilo	mega	giga	tera
پیکو	نینو	مائيكرو	مِلٰی		کِلو	میگا	گیگا	ٹیرا

شکل 1.1: بین الاقوامی نظام اکائی کے ضربیر۔

باب 1. بنیاد



شکل 1.2: برقی رو کو بیان کرنے کے درست طریقے۔

اور تکملہ صورت⁶ میں یوں

$$q = \int_{-\infty}^{t} i \, \mathrm{d}t$$

i ککھا جا سکتا ہے جہاں برقی بار کو g سے ظاہر کیا گیا ہے اور برقی روکو i سے ظاہر کیا گیا ہے۔بدلتے متغیرات کو انگریزی کے چھوٹے حروف تبجی مثلاً i یا g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جائے گا۔

بارکی اکائی کو تکو لمب⁷ کہتے ہیں جے C کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ روکی اکائی کو ایمپیئر ⁸ کہتے ہیں۔ایمپیئر کی علامت A ہے۔اگر تار سے ایک سینڈ دورانیے میں ایک ایمپیئر کی برقی روپائی جائے گی۔

روایتی طور پریہ تصور کیا جاتا تھا کہ مثبت بار کے حرکت سے برقی رو پیدا ہوتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ حقیقت میں موصل تار میں مثبت ایٹم ساکن ہوتے ہیں اور آزاد منفی الیکٹران کے حرکت سے رو پیدا ہوتی ہے۔اس حقیقت کے باوجود، تصور کیا جاتا ہے کہ مثبت بارکی حرکت برقی روکو جنم دیتی ہے۔شکل۔
الف میں فی سکنڈ 3 کا بار بائیں سے دائیں جانب منتقل ہو رہا ہے جبکہ شکل۔ب میں فی سکنڈ 2 کا بار دائیں سے بائیں جانب منتقل ہو رہا ہے۔یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ برقی روکی مقدار اور سمت دونوں بیان کرناضروری ہیں۔

غیر متغیر برقی رو کو یک سمتی رو ⁹ کہتے ہیں۔ یک سمتی رو کی مقدار وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی۔وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی برقی رو کو بدلتی رو ¹⁰ کہتے ہیں۔ان دونوں کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔موبائل کی بیٹری یک سمتی رو پیدا کرتی ہے جبکہ گھریلو پٹکھا بدلتی روسے چلتا ہے۔

شکل 1.3-الف میں 50 کی مزاحمت میں 4A کی روپائی جاتی ہے۔اس مزاحمت کے دونوں سرے مزید پرزہ جات سے جڑے ہیں جنہیں شکل میں نہیں دکھایا گیا ہے۔شکل-ب تا شکل-ٹ میں مزاحمت پر دباواور مزاحمت میں رو کو مختلف طریقوں سے لکھا گیا ہے۔کسی بھی دو متغیرات کو کل چار انداز

integral form

 $Coulomb^7$

Ampere⁸

direct current, DC⁹

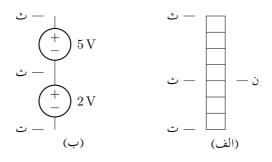
alternating current, AC^{10}

$$I = -4 \,\mathrm{A}$$
 \Rightarrow $V = 20 \,\mathrm{V}$ \Rightarrow $Y = 20 \,\mathrm{$

شکل 1.3: مزاحمت کی رو اور دباو لکھنے کے چار ممکنہ طریقے۔

شکل 1.4: انفعالی سمت کر ترکیب کی پہچان۔

باب1. بنیاد



شكل 1.5: برقى دباو مين نقطه حواله كي ابميت.

میں لکھا جا سکتا ہے۔ یہی دوعدد متغیرات یعنی دباواور رو کے لئے بھی درست ہے للذا انہیں لکھنے کے کل چار طریقے ہیں۔ شکل 1.4 میں برقی دباواور برقی رو کے مقدار لکھے بغیر یہی چار طریقے و دبارہ دکھائے گئے ہیں۔ ان میں شکل - ب اور شکل - ٹ کے طرز کو انفعالی سمت کی ترکیب ۱۱ کہتے ہیں۔ انفعالی سمت کی ترکیب میں دباو کا اور رو ا کی سمتیں یوں چننی جاتی ہیں کہ برقی پرزے میں رو مثبت سرے سے داخل ہوتی ہے۔ یوں شکل - ب میں مزاحمت کی ترکیب میں اسی سرے کو دباو کا مثبت سرا چنا گیا ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سر ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سرے لکے انتقالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی درست سمتوں کا کوئی کر دار نہیں۔ قانونِ او ہم 1 اور طاقت کے حساب میں انفعالی سمت کی ترکیب استعال کیا جاتا ہے۔

انفعالی سمت کی ترکیب میں برقی پرزے پر دباوکی سمت چننے کے بعد روکی سمت یوں چننی جاتی ہے کہ چنے گئے دباو کے مثبت سرسے پرزے میں رو داخل ہو۔

عام زندگی میں اونچائی کو زمین سے ناپا جاتا ہے جہاں زمین کی اونچائی صفر کے برابر لی جاتی ہے۔یوں اونچائی کے ناپ میں زمین کو نقطہ حوالہ 13 لیا جاتا ہے۔شکل 1.5-الف میں سات منزلہ عمارت و کھائی گئی ہے۔اگر زمین نقطہ ت پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہونے کی صورت میں نقطہ ن منفی چار پر ہوگا۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ نقطہ ن کی حتمی اونچائی کوئی معنی نہیں رکھتی۔اونچائی صرف اس صورت میں معنی خیز ہوتی ہے جب نقطہ حوالہ بھی بیان کیا جائے۔ برتی دباو بھی بالکل اونچائی کی طرح ناپی جاتی ہوئی ہے۔یوں شکل 1.5-ب میں نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ٹ مثبت دو وولٹ 2V پر ہے جبکہ نقطہ ث کے حوالے سے نقطہ ٹ منفی پانچ وولٹ 5V پر ہیں۔نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ ش کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ شاہ کے حوالے سے نقطہ ش 7V پر ہے۔اس طرح نقطہ شاہ کی برتی دباو صفر تصور کی جاتی ہے۔

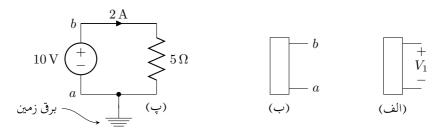
passive sign convention¹¹

Ohm's law

reference¹³

electrical ground¹⁴

1.2. قانونِ اوبم



شكل 1.6: برقى دباو كا اظهار.

یا $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ بالائی تارکی برقی دباو $V_b=10\,\mathrm{V}$ کامی جا سکتی ہے جہاں زیر نوشت میں نقطہ حوالہ کا ذکر نہیں کیا گیا۔ شکل - پ میں اب بھی $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ یا $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ کی مصاحباً سکتا ہے۔ $V_{ab}=10\,\mathrm{V}$

1.2 قانونِ اوہم

قانون اوہم 15 سے آپ بخوبی واقف ہیں

$$(1.3) V = IR$$

جو مزاحمت کی برقی رواور مزاحمت کی برقی و ہاوکا تعلق بیان کرتا ہے۔ اس قانون 1 کے استعال میں دباو V اور رو I کو انفعالی سمت کی ترکیب سے چننا جاتا ہے۔ شکل I 1.7 میں ایک عدد مزاحمت اور دو عدد منبع دباوکا دور دکھایا گیا ہے۔ برقی زمین کے حوالے سے مزاحمت کے بائیں سرے پر V 5 اور دائیں سرے پر V 9 دباو پایا جاتا ہے۔ قانون او ہم میں مزاحمت کے دو سرول کے مابین برقی و باو استعال کیا جاتا ہے۔ یوں مزاحمت کے ایک سرے کو حوالمہ لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سر کے بائیں مزاحمت کا بایاں سر ابطور حوالہ چننا گیا ہے جبکہ مزاحمت کے دائیں سرے لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سرے پر برقی و باولی جاتی ہے۔ گل سامت اور دائیں جانب V کی علامت سے ظاہر کی جائے گا۔ یہ حقیقت مزاحمت کے قریب V کے بائیں جانب V کی علامت سے ظاہر کی جائے گا۔ شکل الف میں یوں کہ جاتی ہے۔ یوں انفعالی سمت کی ترکیب کے تحت برقی روکی سمت دائیں سے بائیں جانب چنٹی جائے گا۔ شکل -الف میں یوں

$$V_R = 9 - 5 = 4 \,\mathrm{V}$$

ہو گا جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{V_R}{R} = \frac{4}{8} = 0.5 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔حاصل برقی روکی قیمت مثبت مقدار ہے جس کا مطلب ہے کہ روکی سمت وہی ہے جو شکل-الف میں چننی گئی ہے۔

شکل 1.7-ب میں مزاحمت کا دایاں سرا بطور نقطہ حوالہ چننا گیا ہے۔ یوں V_R کے دائیں جانب (-) کی علامت لگائی گئی ہے۔انفعالی سمت کی ترکیب کے تحت روکی سمت بائیں سے دائیں کو چننی گئی ہے۔ یہاں

$$V_R = 5 - 9 = -4 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{-4}{8} = -0.5 \,\text{A}$$

Ohm's law^{15}

¹⁶ یہ قانون جرمنی کے جارج سائمن اوہم نے پیش کیا۔

 $\frac{1}{2}$ باب $\frac{1}{2}$



شكل 1.7: قانونِ اوہم اور انفعالي سمت كي تركيب.



شكل 1.8: قانونِ اوہم كا صحيح استعمال.

حاصل ہوتا ہے۔ شکل - ب میں V_R کی قیمت منفی حاصل ہوئی جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں مزاحمت پر برقی دباو چننی گئی ست کے الٹ ہے۔ اس طرح رو I_R کی قیمت ہوئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو چننی گئی سمت کے الٹ ہے لیعنی برقی رو حقیقت میں دائیں سے بائیں جانب کو ہے۔

شكل 1.8 ميں قانون اوہم كا صحيح استعال د كھايا گيا ہے۔

1.3 توانائي اور طاقت

h فقلی میدان m پر قوت m و m مگل کرتا ہے جہاں $g=9.8 \frac{m}{s^2}$ برابر ہے۔یوں ثقلی میدان کے مخالف m کو m بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh توت عمل بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh فوت عمل کرتا ہے اور برقی میدان کے مخالف m فاصلے تک بار کو منتقل کرنے کی خاطر

$$(1.4) w = qEh$$

توانائی در کار ہے۔ برقی میدان میں ابتدائی نقطے سے اختتامی نقطے تک اکائی برقی بار منتقل کرنے کے لئے در کار توانائی کو ابتدائی نقطے کے حوالے سے اختتامی نقطے کی برقی دباو کہا جاتا ہے۔

gravitational field¹⁷ electric field¹⁸

1.3. توانائي اور طاقت

مثال 1.1: برقی میدان $E=600 \frac{V}{m}$ میں 0.2C بار قوت کے مخالف $12 \, \mathrm{mm}$ فاصلہ دُور منتقل کیا جاتا ہے۔درکار توانائی حاصل کریں۔ابتدائی نقطہ i اور اختتامی نقطہ i کے مابین برقی دباو حاصل کریں۔

حل: در کار توانائی

 $w = 0.2 \times 600 \times 0.012 = 1.44 \,\mathrm{J}$

کے برابرہے جبکہ برقی دباو

$$V_{ki} = \frac{1.44}{0.2} = 7.2 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے۔

مساوات 1.4 کی تفرقی صورت

dw = Eh dq

ککھی جا سکتی ہے جو چھوٹی برتی بار dq کو منتقل کرنے کے لئے درکار توانائی dw دیتی ہے۔ یوں اکائی بار کو منتقل کرنے کی خاطر dw توانائی درکار ہو گی جے برتی دباو v کہتے ہیں یعنی

$$v = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

مساوات 1.5 کو مساوات 1.1 سے ضرب دینے سے

$$v \times i = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q} \times \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t} = p$$

حاصل ہوتا ہے جو طاقت 19 کو ظاہر کرتا ہے۔ فی سینٹر در کار توانائی کو طاقت کہتے ہیں۔طاقت کی اکائی واٹ 20 سے۔مندرجہ بالا مساوات کی تکملہ صورت درج ذیل ہے۔

(1.7)
$$w = \int_{t_1}^{t_2} p \, \mathrm{d}t = \int_{t_1}^{t_2} vi \, \mathrm{d}t$$

آئیں ان معلومات کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 1.9 پر غور کریں جہاں 10 V کی منبع بوقی دباو 21 کے ساتھ 50 کی بوقی مزاحمت22 جوڑی گئی ہے۔اس دور میں برقی روکو منبع پیداکرتی ہے لہذا منبع کو فعال پرزہ 23 جبکہ مزاحمت کو انفعال پرزہ 24 کہا جاتا ہے۔انفعالی سمت کمی ترکیب کا نام اس حقیقت سے نکلاہے کہ اس ترکیب کے استعال سے انفعالی پرزہ جات پر مثبت طاقت حاصل ہوتا ہے۔

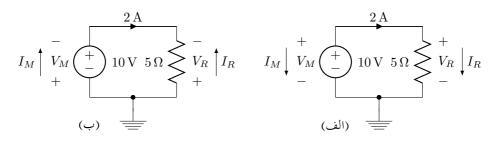
passive component²⁴

power¹⁹

voltage source²¹

electrical resistance²² active component²³

ابا-1. بنیاد



شكل 1.9: طاقت كى بيداوار اور طاقت كا ضياع.

قانون او ہم 25 کے تحت شکل 1.9 کے دور میں سمت گھڑی 2 A کی برتی رو پائی جائے گی جے دور میں بالائی تار پر تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔دور میں او ہم 2 کے بحت شکل 1.9 برتی روسے مراد ہیہ ہے کہ دور میں کئی تھلے پر اگر دیکھا جائے تو اس نقطے سے فی سینڈ 2 C بار گزرے گا۔ اس دور میں مجلی تارک حوالے سے بالائی تارپر مثبت دس وولٹ کی دباو ہے۔ یوں مزاحمت کے بالائی یعنی مثبت سرے سے مزاحمت کے نچلے یعنی منفی سرے کی جانب فی سینڈ دو کولب بار منتقل ہوتا ہے۔ یہ بالکل ایسا ہی ہے جیسے نقلی میدان میں بلند مقام سے میکانی بار گررہا ہو۔دو کولب کا بار دس وولٹ نیچ گرتے ہوئے 20 J کی مغفی توانائی 2 کو حوارتی توانائی 20 میں تبدیل ہو کر مزاحمت کو گرم کرے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 لی کو خوارتی ضیاع 30 اور مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 کے نیاں کہ مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 23 اور مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 23 اور مزاحمت میں عالم کے تبیں۔

انفعالی سمت کی ترکیب استعال کرتے ہوئے ہم شکل 1.9-الف میں منبع کی دباو کو V_M اور مزاحمت کی دباو کو V_R چننے کے بعد ان دباو کے مثبت سر سے منفی سرکی جانب روکی سمت چنتے ہیں۔ یوں حاصل منبع کی برقی رو I_M اور مزاحمت کی برقی رو I_R کو شکل-الف میں دکھایا گیا ہے۔ شکل- کو دیکھتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$V_M = 10 \text{ V}$$

 $V_R = 10 \text{ V}$
 $I_M = -2 \text{ A}$
 $I_R = 2 \text{ A}$

ان قیمتوں کو مساوات 1.6 میں پر کرتے ہوئے منبع اور مزاحمت کی طاقت حاصل کرتے ہیں۔

$$P_M = 10 imes (-2) = -20 \, \mathrm{W}$$
 طاقت کی منفی قیمت، طاقت کی پیداوار کو ظاہر کرتی ہے $P_R = 10 imes 2 = 20 \, \mathrm{W}$ طاقت کی مثبت قیمت، طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے

یہاں غیر متغیر طاقت کو بڑھے حروف تبجی میں P_M اور P_R لکھا گیا۔مزاحمت کی طاقت مثبت مقدار حاصل ہوئی ہے جبکہ منبع کی طاقت منفی مقدار ہے۔یوں مساوات 1.6 سے حاصل مثبت مقدار طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتی ہے جبکہ منفی مقدار طاقت کی پیدا وار کو ظاہر کرتی ہے۔

شکل 1.9 میں برقی دباو کے سمت الٹ چننے گئے جس کی وجہ سے رو کی سمتیں بھی الٹ کر دی گئی ہیں۔ یوں

$$V_M = -10 \,\mathrm{V}$$
 $V_R = -10 \,\mathrm{V}$
 $I_M = 2 \,\mathrm{A}$
 $I_R = -2 \,\mathrm{A}$

Ohm's law²⁵

clockwise²⁶

potential energy 27 مخفی توانائی کی اصطلاح خفیہ توانائی سے حاصل کی گئی ہے۔

thermal energy²⁹

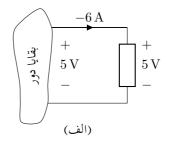
 $loss^{30}$

power loss³¹ thermal loss³²

resistive loss33

1.3. توانائي اور طاقت





شكل 1.10: فعال اور انفعال پرزے كى مثال.

لکھے جائیں گے جن سے دوبارہ

$$P_M = (-10) \times 2 = -20 \,\mathrm{W}$$

 $P_R = (-10) \times (-2) = 20 \,\mathrm{W}$

حاصل ہوتے ہیں۔

مثال 1.12 شکل 1.10 میں دوادوار دکھائے گئے ہیں۔دریافت کریں کہ آیا بیرونی پرزہ بقایا دور کو طاقت فراہم کرتا ہے یا کہ اس سے طاقت حاصل کرتا ہے۔طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں برقی روکی قیمت منفی لکھی گئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو تیر کے نشان کے الٹ سمت میں ہے۔روکی سمت الٹ تصور کرتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ بقایا دور کے مثبت سرے پر رو اندر داخل ہوتی ہے۔یوں بقایا دور انفعال ہے۔ییرونی پرزے کے مثبت سرے سے حقیقی رو خارج ہوتی ہے لہذا یہ فعال پرزہ ہے۔یوں بیرونی پرزہ طاقت فراہم کرتا ہے جبکہ بقایا دور میں طاقت خرچ ہوتا ہے۔یبی نتائج انفعال سمت کے ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ییرونی پرزے کے برقی دباو کو دیکھتے ہوئے روکی و کھائی گئی سمت ہی استعال کی جائے گی۔یوں ییرونی پرزے کی طاقت ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ییرونی پرزے کی طاقت $P = 5 \times (-6) = -30$ سے جو طاقت کی پیداوار ہے۔بقایا دور میں روکی انفعال سمت دکھائے گئے سمت کے الٹ ہے لہذا طاقت $P = 5 \times 6 = 10$ سے جبکہ بقایا دور اتنی ہی طاقت سے میں مولی ہوتا ہے جبکہ بقایا دور اتنی ہی طاقت استعال کرتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں قانون بقا $P = 5 \times 6 = 10$ سے جبکہ بقایا دور میں توانائی کی پیداوار اور خرج برابر ہوتے ہیں۔

شکل-ب میں رو نچلی تار میں دائیں سے بائیں طرف رواں ہے۔یوں بیر ونی پرزے کے مثبت سرے سے رو خارج ہوتی ہے جبکہ بقایا دور کے مثبت سرے میں رو داخل ہوتی ہے۔یوں بیر ونی پرزہ فعال اور بقایا دور انفعال ہے۔ بیر ونی پرزے کی طاقت کی طاقت P = 7 × (-3) = P ہے جو طاقت کی پیداوار ہے جبکہ بقایا دور کی طاقت P = 7 × 3 = 21 W ہے جو طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے۔

مثق 1.1: شکل 1.11 میں بیرونی پرزے کی طاقت حاصل کریں۔

باب 1. بنیاد





شكل 1.11: فعال اور انفعال پرزے كى مشق.



شکل 1.12: طاقت اور ایک متغیرہ دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کرنا ہے۔

جوابات: (الف) 8W ؛ (ب) 27W

مثال 1.3: شکل 1.12-الف میں برقی رو کی مقدار اور ست حاصل کریں جبکہ شکل-ب میں برقی د باواور اس کا مثبت سرا دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں بیرونی پرزے کی طاقت منفی ہے۔ یوں بیرونی پرزہ طاقت پیدا کرتا ہے لہٰذااس کے مثبت سرے سے رو خارج ہو گی یعنی دور میں گھڑی کے الٹ ست میں رویائی جائے گی۔رو کی قیت AA ہو گی۔

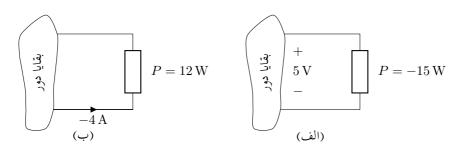
شکل-ب میں بیرونی پرزے کی طاقت مثبت ہے للذااس میں طاقت کا ضیاع ہو گااور برتی رو مثبت سرے سے پرزے میں داخل ہو گی۔دور میں گھڑی کی سمت میں منفی رو دکھائی گئی ہے للذا حقیقت میں رو گھڑی کی الٹ سمت ہے۔حقیقی رو کو گھڑی کے الٹ سمت تصور کرتے ہوئے بیرونی پرزے کا نچلا سرا مثبت ہو گااور برقی دباوکی قیبت 2V ہو گی۔

مثق 1.2: شكل 1.13 ميں نامعلوم متغيره دريافت كريں۔

حل: (الف) گھڑی کے الٹ A 3 ؛ (ب) بالائی تار مثبت ہے جبکہ دباو V 3 ہے۔

آخر میں دوبارہ اس حقیقت کی نشاندہی کرتے ہیں کہ کسی بھی برقی دور میں پیدادار طاقت اور طاقت کا ضیاع برابر ہوں گے۔

1.4. برقى پرزے



شکل 1.13: طاقت اور ایک متغیره دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کریں۔



شكل i: غير تابع منبع دباو اور اس كا i خطـ شكل 1.14:

1.4 برقی پرزے

برقی پرزوں کو دواقسام میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔وہ پرزے جو طاقت پیدا کرتے ہیں فعال پوزے ³⁵ کہلاتے ہیں جبکہ طاقت ضائع کرنے والے پرزوں کو انفعال پوز_{ے ³⁶ کہتے ہیں۔ جزیٹر اور بیٹری فعال پرزوں کی مثال ہے جبکہ مزاحمت، امالہ گیر ³⁷ اور برق گیر ⁸⁸ انفعال پرزے ہیں۔}

فعال پرزوں پر اس باب میں غور کیا جائے گا جبکہ انفعال پرزوں پر اگلے باب میں تفصیلاً غور کیا جائے گا۔

1.4.1 غير تابع منبع

غیر تابع منبع دباو 39سے مراد ایک منبع ہے جو، منبع میں سے گزرتی رو کے قطع نظر، اپنے دو سروں کے درمیان مخصوص برتی دباو برقرار رکھتا ہے۔ غیر تابع منبع دباوکی علامت کو شکل 1.14 میں دکھایا گیا ہے جہاں نقطہ A کے حوالے سے نقطہ B پر v(t) برتی دباو برقرار رہتا ہے۔ شکل میں غیر تابع منبع دباوکا دباو بالمقابل رو v(t) خط بھی دکھایا گیا ہے۔اس خط کے مطابق برتی دباوکی قیت پر برتی روکا کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔

شکل 1.15 میں غیر تابع منبع رو 40 کی علامت اور رو بالمقابل د باو v-i خطر دکھایا گیا ہے۔غیر تابع منبع روسے مراد ایسی منبع ہے جو، منبع پر د باو کے قطع نظر، مخصوص برقی رو بر قرار رکھتا ہے۔غیر تابع منبع رو کے د باو بالمقابل رو خط کے تحت منبع پر برقی د باو کے تبدیلی کا منبع کی روپر کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ منبع رو میں مثبت روکی سمت کو تیر کے نشان سے دکھایا جاتا ہے۔

عام استعال میں منبع بقایا دور کو طاقت فراہم کرتی ہے۔شکل 1.13-ب میں اگر بیرونی پرزہ منبع ہو تب آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع کو بھی طاقت فراہم کی جا سکتی ہے۔

active components³⁵

passive components³⁶

 $m nductor^{37}$

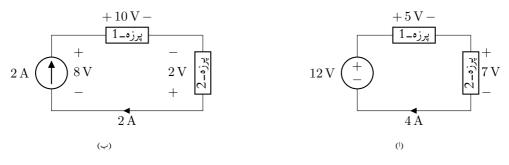
capacitor

independent voltage source³⁹ independent current source⁴⁰

باب 1. بنیاد



شکل 1.15: غیر تابع منبع رو اور اس کا v-i خط.



شكل 1.16: طاقت كا حساب.

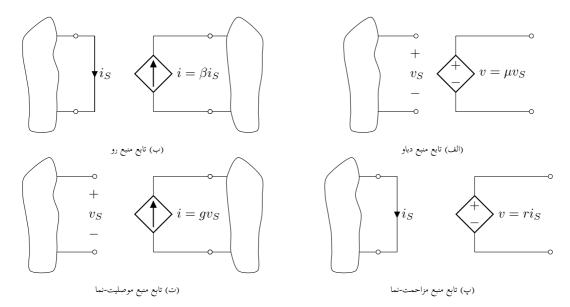
منبع محدود صلاحیت کا حامل ہے۔اگرچہ ہم توقع کرتے ہیں کہ منبع د باوکسی بھی قیمت کی برقی رو فراہم کرتے ہوئے پیدا کردہ برقی د باو برقرار رکھے گا، حقیقت میں کوئی بھی منبع کسی محدود رو کی حد تک ایسا کر پاتا ہے۔

مثال 1.4: شکل 1.16-الف میں تینوں پرزوں کی طاقت دریافت کریں۔ (اشارہ: سلسلہ وار جڑے پرزوں میں یکساں روپائی جاتی ہے۔)

حل: منبع کے مثبت سرسے رو خارج ہور ہی ہے لہذا یہ پرزہ طاقت فراہم کر رہاہے جبکہ بقایاد و پرزوں کے مثبت سرسے روپرزے میں داخل ہوتی ہے لہذا ۔ 2 اور پرزہ ۔ 2 کی طاقت ضائع ہوتا ہے۔ منبع کی طاقت کی خیاع کا سے جبکہ پرزہ ۔ 1 کی طاقت کی پیداوار کے برابر ہے۔ کی طاقت کی خیاع کا طاقت کی خیاع کی طاقت کی خیاع کا سے جبکہ کے بیار ہور ہے۔ ایک کی بیداوار کے برابر ہے۔

مثق 1.3: شکل 1.16-ب میں تینوں پرزوں کی طاقت حاصل کریں۔

1.4. برقی پرزے



شکل 1.17: تابع منبع کے چار اقسام۔

1.4.2 تابع منبع

غیر تابع منبع دباوکی پیدا کردہ دباوکا انحصار منبع سے گزرتی روپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع روکی پیدا کردہ روکا انحصار منبع پر دباوپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع دولو 41 کی پیدا کردہ دباو، دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ اسی طرح تابع منبع رو⁴² کی پیدا کردہ روہ دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ تابع منبع ہر قیات کی میدان میں کلیدی کردار ادا کرتے ہیں جہاں ہر قیاتی پرزہ جات مثلاً دو جوڑ شرانز سٹر پر مبنی ہر قیاتی ادوار کا حمالی حل انہیں ریاضی نمونوں کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے۔

مثال 1.5: شکل 1.18-الف میں خارجی دباواور شکل-ب میں خارجی رو دریافت کریں۔

dependent voltage source⁴¹

dependent current source⁴²

bipolar transistor, $\mathrm{BJT^{43}}$

MOSFET⁴⁴

mathematical model⁴⁵

dependent voltage source⁴⁶

control voltage⁴⁷

depended current source⁴⁸

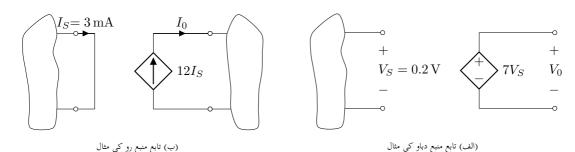
dimensionless⁴⁹

dimension⁵⁰

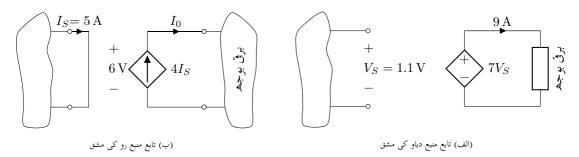
dependent transresistance source⁵¹

dependent transconductance source⁵²

باب 1. بنیاد



شکل 1.18: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مثال.



شکل 1.19: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مشق۔

عل: شكل-الف مين ضابط دباو 0.2 V اور منبع كالمستقل 7 ہے۔ يول پيدا كرده دباو 1.4 V = 7 × 0.2 ہو گا۔ شكل-ب ميں ضابط رو AmA اور منبع كا مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔

اس مثال میں تابع منبع دباو داخلی دباو کو 7 گنا بڑھاتا ہے گویا منبع بطور ایمپلیفائر دباو 53 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش دباو 54 ہے۔اس طرح شکل-ب میں تابع منبع رونے داخلی رو کو 12 گنا بڑھاکر خارج کیا، گویا ہے منبع بطور ایمپلیفائو رو 55 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش رو 56کی قیت 12 ہے۔

شکل 1.17-پ بالکل اسی طرح داخلی ضابط رو کی نسبت سے برقی دباو خارج کرتے ہوئے بطور ایمپلیفائو مزاحمت۔ نما⁵⁷ کردار اداکرتا ہے جہال منبع کا مستقل افزائش مزاحمت۔ نما⁶⁸ کام کرتا ہے اور اس کے مستقل کو افزائش موصلیت۔ نما⁶⁹ کہا فزائش مزاحمت۔ نما⁶⁹ کہا ہے ہیں۔

مثق 1.4: شكل 1.19 مين برقى بوجه كي طاقت دريافت كرين-

voltage amplifier⁵³

voltage gain⁵⁴

current amplifier55

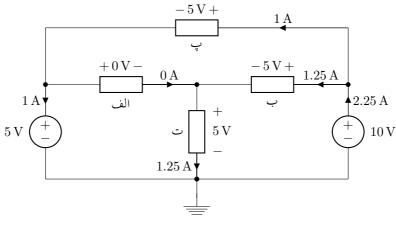
 $\rm current~gain^{56}$

transresistance amplifier⁵⁷

 ${\rm transresistance~gain^{58}} \\ {\rm transconductance~amplifier^{59}} \\$

transconductance gain⁶⁰

1.4. برقی پرزے



شكل 1.20: مثال 1.6 كا دور.

جوابات: (الف): 69.3 W (ب) 120 W

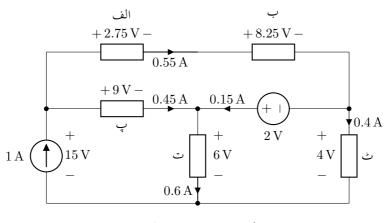
مثال 1.6: شکل 1.20 میں تمام پرزه جات کی طاقت دریافت کریں۔

 2 علی: بوجھ-الف میں برقی روصفر ہے اور اس کے دونوں سروں کے مابین دباو بھی صفر ہے للذا اس کی طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ ہے۔ بوجھ-ب کی طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 =$

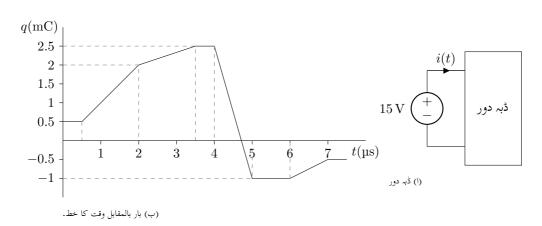
کل طاقت کا ضیاع $22.5 \, \mathrm{W} = 5 + 6.25 + 5 + 6.26 + 5 + 6.26 + 5$ ہے۔ دایاں منبع تمام طاقت پیدا کرتا ہے جبکہ بائیں منبع کو از خود طاقت در کار ہے۔

مثق 1.5 شکل 1.21 کے تمام پرزوں میں طاقت حاصل کریں۔ کیا طاقت کی پیدا وار اور اس کا ضیاع برابر ہیں۔

جوابات: بالترتیب الف تاٹ: 1.5125 W ، 4.5375 W ، 4.05 W ، 3.6 W ، 4.05 W ؛ منبع دباو کی طاقت 0.3 W – اور منبع رو کی طاقت 15 W – ہے۔دور میں کل طاقت کی پیداوار 15.3 W ہے۔اتنی ہی طاقت پیدا بھی ہوتی ہے للذا دونوں برابر ہیں۔ اب 1. بیاد

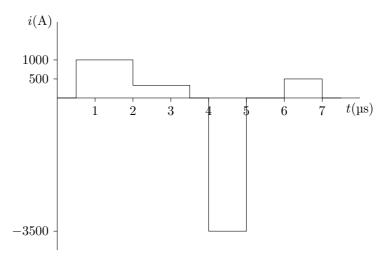


شکل 1.21: طاقت کے حصول کی مشق۔



شكل 1.7: مثال 1.7 كا شكل.

1.4. برقی پرزے



شكل 1.7: برقى رو مثال 1.7

مثال 1.7: شکل 1.22-الف میں ڈبہ دور د کھایا گیا ہے جس میں برقی بار بھری جارہی ہے۔برقی بار بالمقابل وقت کا خط شکل-ب میں دیا گیا ہے۔اس خط سے برقی رو بالمقابل وقت کا خط حاصل کریں۔

من وقت t=0 تا $\Delta q=0$ تا کی برتی بار بلا تبدیل ہوئے $0.5\,\mathrm{mC}$ رہتا ہے لہذا $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ ہونے میں t=0

$$i = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{0 \text{ C}}{0.5 \,\mu\text{s}} = 0 \text{ A}$$
 $(0 < t < 0.5 \,\mu\text{s})$

ہو گا۔وقت $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ تا $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ کے دوران برقی بار $t=0.5\,\mathrm{mC}$ سے تبدیل ہو کر $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ ہو گا۔

$$i = \frac{2 \,\mathrm{mC} - 0.5 \,\mathrm{mC}}{2 \,\mathrm{us} - 0.5 \,\mathrm{us}} = 1000 \,\mathrm{A}$$
 (0.5 $\,\mathrm{\mu s} < t < 2 \,\mathrm{\mu s}$)

ہو گا۔اسی طرح بقایا دورانیوں میں

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2 \text{ mC}}{3.5 \text{ } \mu \text{s} - 2 \text{ } \mu \text{s}} = 333.33 \text{ A} \qquad (2 \text{ } \mu \text{s} < t < 3.5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{4 \text{ } \mu \text{s} - 3.5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (3.5 \text{ } \mu \text{s} < t < 4 \text{ } \mu \text{s})$$

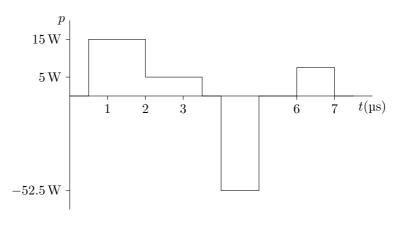
$$i = \frac{-1 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{5 \text{ } \mu \text{s} - 4 \text{ } \mu \text{s}} = -3500 \text{ A} \qquad (4 \text{ } \mu \text{s} < t < 5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i \frac{-1 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{6 \text{ } \mu \text{s} - 5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (5 \text{ } \mu \text{s} < t < 6 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{-0.5 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{7 \text{ } \mu \text{s} - 6 \text{ } \mu \text{s}} = 500 \text{ A} \qquad (6 \text{ } \mu \text{s} < t < 7 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = 0 \text{ A} \qquad (7 \text{ } \mu \text{s} < t)$$

اور اس کے بعد i=0 ہے۔ان نتائج کو شکل 1.23 میں د کھایا گیا ہے۔آپ د کیھ سکتے ہیں کہ بار نہ بدلنے کی صورت میں رو صفر ہوتی ہے۔ بڑھتے بار کی صورت میں مثبت رواور گھٹتے بار کی صورت میں منفی رو پائی جاتی ہے۔ باب 1. بنیاد



شكل 1.24: طاقت بالمقابل وقت

مثال 1.8: مندرجه بالا مثال مين طاقت بالمقابل وقت حاصل كريں۔

حل: طاقت p=vi ہوتا ہے۔ شکل 1.22-الف سے دباو کی قیمت 15 V ملتی ہے جبکہ شکل 1.23 سے رو کی قیمت مختلف دورا نیے کے لئے حاصل کی جا سکتی ہے۔ یوں مختلف دورا نیے کے طاقت درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\begin{array}{lll} p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (0 < t < 0.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 1000 = 15 \, \mathrm{kW} & (0.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 2 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 333.33 = 5 \, \mathrm{kW} & (2 \, \mathrm{\mu s} < t < 3.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (3.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 4 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times (-3500) = -52.5 \, \mathrm{kW} & (4 \, \mathrm{\mu s} < t < 5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (5 \, \mathrm{\mu s} < t < 6 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 500 = 7.5 \, \mathrm{kW} & (6 \, \mathrm{\mu s} < t < 7 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (7 \, \mathrm{\mu s} < t) \end{array}$$

ان جوابات كوشكل 1.24 مين د كھايا گيا ہے۔

مثال 1.9: آج کل کمپیوٹر 61 کا زمانہ ہے اور یو-ایس-بی 62 یعنی عمومی سلسلہ وار پھاٹک کا استعال عام ہے۔ کسی بھی کمپیوٹر یا عددی دور 63 کو عددی مواد 64 جن برقی تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور کے داخلی پھاٹک 65 کہلاتے ہیں اور جن تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور سے عددی مواد صاصل کیا جاتا ہے، کمپیوٹر یا عددی دور کے خارجی پھاٹک 66 کہلاتے ہیں۔ عمومی سلسلہ وار پھاٹک (یو-ایس-بی) پر کمپیوٹر عددی مواد حاصل

```
computer<sup>61</sup>
USB Universal Serial Port<sup>62</sup>
digital circuit<sup>63</sup>
digital data<sup>64</sup>
```

input port⁶⁵ output port⁶⁶

1.4. برقی پرزے

بھی کر سکتا ہے اور خارج بھی کر سکتا ہے۔ یوں یہ داخلی۔ خارجی پھاٹک ⁶⁷ ہے۔ اس پھاٹک کی مدد سے کمپیوٹر کے ساتھ بیر ونی آلات مثلاً موبائل فون، عددی کیمرہ وغیرہ جوڑے جا سکتے ہیں۔ یہ پھاٹک بیر ونی آلات کو برقی طاقت فراہم کرنے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔ یہ پھاٹک چار عدد برقی تاروں پر مشمل ہے جن میں دو تار عددی مواد کے ترسیل اور دو تار برقی طاقت کی فراہمی کے لئے استعال ہوتے ہیں۔ یہ پھاٹک عام حالت میں 100 mA برقی رو فراہم کر سکتا ہے جبکہ سافٹ وئیر کے ذریعہ پھاٹک سے برقی روکی فراہمی کے 20 سرگا تک بڑھائی جا سمتی ہے۔

یو۔ایس-بی پھائک استعال کرتے ہوئے موبائل کی بیے باد® بیٹری میں بار بھرا جاتا ہے۔بیٹری کی استعداد 1700 mA h ہے۔الف) بیٹری کی استعداد کولیب ک میں حاصل کریں۔ب) اگر پھائک 100 mA رو فراہم کر رہا ہو تب بیٹری کو مکمل بھرنے میں کتنی دیر گئے گی۔

حل:الف) مکمل بھری بیٹری میں کل بار ہی بیٹری کی استعداد ہوتی ہے۔ بیٹری کی استعداد کو کولمب C کی بجائے Ah میں بیان کیا جاتا ہے۔ دی گئی بیٹری کی استعداد

$$Q = I \times t = 1700 \times 10^{-3} \times 3600 = 6120 \,\mathrm{C}$$

ہے جہاں ایک گھنٹہ 3600 سینڈکے برابرہے۔

ب) یوں MA کی روسے بیٹری بھرنے میں

$$t = \frac{6120}{100 \times 10^{-3}} = 61200 \,\mathrm{s} = 17 \,\mathrm{h}$$

ستر ہ گھنٹے در کار ہوں گے۔

input-output port⁶⁷ discharged⁶⁸

باب 1. بیاد

باب 2

مزاحمتي ادوار

2.1 قانون اوہم

شکل 2.1-الف میں کارتیسی محدد اپر سید سے خطوط دکھائے گئے ہیں۔بالائی خط کی مساوات $y=m_1x+c_1$ ہے جہاں خط کی ڈھلوان m_1 جبکہ خط y محدد کو m_2 کی خط کی ڈھلوان m_3 ہے جبکہ سے محدد کے مرکز m_3 سے گزرتی ہے للذا سے خط محدد کو m_2 محدد کو m_3 ہے جبکہ سے محدد کے مرکز m_3 سے ادریوں اس کی مساوات m_3 ہے۔

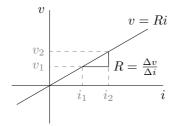
مزاحمت کے دو سروں کے مابین مختلف برقی دباو ہ لاگو کرتے ہوئے برقی رو i ناپی گئے۔ برقی دباو کو عمودی محدد اور برقی رو کو افقی محدد پر رکھتے ہوئے ان کے تعلق کو شکل 2.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس خط کو مزاحمت کی دباو بالمقابل رو خط کہا جاتا ہے۔شکل-ب کا شکل-الف کی پنجلی خط کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے اس خط کو

$$v = Ri \qquad v = ri$$

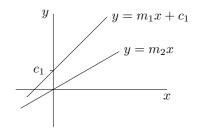
لکھا جا سکتا ہے جہاں خط کی ڈھلوان کو R کھااور برقی مزاحمت 3 یا صرف مزاحمت پکارا جاتا ہے۔اس مساوات کو قانون اوہم 4 کہتے ہیں۔شکل-ب میں مزاحمت R کو بطور ڈھلوان دکھایا گیا ہے۔

$$R = rac{v_2 - v_1}{i_2 - i_1} = rac{\Delta v}{\Delta i}$$
 عزاجمت کی تعریف

Cartesian coordinates¹ slope² electrical resistance³ Ohm's law⁴

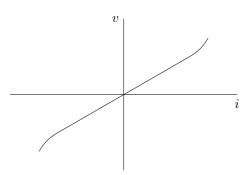


(ب) مزاحمت کے برقی دباو بالمقابل رو خط اور اوہم کا قانون۔

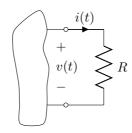


(۱) سیدهر خطوط اور ان کی ریاضی مساوات.

22 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.2: غير خطى دباو بالمقابل رو كي تعلق.



شكل 2.3: اوبم كا قانون اور مزاحمتي ضياع.

شکل 2.1-ب میں دباو اور رو راست تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔راست تناسی تعلق کو خطبی تعلق کہا جاتا ہے۔اگرچہ اس کتاب میں مزاحمت کو خطبی پرزہ ؟ ہی تصور کیا جائے گا، یہ جاننا ضروری ہے کہ کئی نہایت اہم اقسام کے پرزے غیر خطبی مزاحمت کی خاصیت رکھتے ہیں۔عام استعال میں 200 پر جلنے والا بلب غیر خطبی مزاحمت کی مثال ہے۔اس بلب کے v-i تعلق کو شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے۔

وقت کے ساتھ بدلتا دیاو اور بدلتی رو کی صورت میں قانون اوہم

$$(2.3) v(t) = Ri(t)$$

کھا جائے گا جہاں وقت t کے ساتھ بدلتے برقی دباو اور بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف میں کھا گیا ہے۔ مساوات 2.3 سے مزاحمت کا اُبعد $\frac{V}{A}$ حاصل ہوتا ہے جسے اوہ ہم پر پکار ااور Ω سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں اگر کسی مزاحمت پر $10\,V$ کا برقی دباولا گو کرنے سے مزاحمت میں 0 کی روگزرے تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔ تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔

شکل 2.3 میں برقی دور کے ساتھ مزاحمت کی جہ مزاحمت کی دباو v(t) اور رو i(t) ہیں۔ صفحہ 7 پر مساوات 1.6 کے تحت اس مزاحمت میں طاقت کا ضیاع

$$p(t) = v(t)i(t)$$

ہو گا۔ اس مساوات میں برقی دباو v(t) میں قانون اوہم پُر کرتے ہوئے

$$p(t) = Ri(t) \times i(t) = Ri^{2}(t)$$

i(t) کی جگہ قانون اوہم استعال کرتے ہوئے ماصل ہوتا ہے۔ اس طرح طاقتی ضیاع کی مساوات میں

$$p(t) = v(t) \times \frac{v(t)}{R} = \frac{v^2(t)}{R}$$

linear⁵ linear component⁶

Ohm⁷

2.1. قانون اوبم

حاصل ہوتا ہے۔مندر جہ بالا تین مساوات کو اکٹھے لکھتے ہیں۔

$$p(t) = v(t)i(t) = Ri^{2}(t) = \frac{v^{2}(t)}{R}$$
 وزاحتی ضیاح

درج بالا مساوات مزاحمت کی طاقت دیتی ہے۔ یہ طاقت حرارتی توانائی میں تبدیل ہوتی ہے جس سے مزاحمت کا درجہ حرارت بڑھتا ہے۔

مزاحت کے علاوہ موصلیت 8 G مجی بہت مقبول ہے جہاں

$$(2.5) G = \frac{1}{R}$$

کے برابر ہے۔موصلیت کی اکائی سیمنز ° S ہے جہاں

$$(2.6) 1S = 1\frac{A}{V}$$

ك برابر ہے۔مساوات 2.5 كے استعال سے اوجم كے قانون كو

$$i(t) = Gv(t)$$

اور مزاحمت کی طاقت کو

(2.8)
$$p(t) = Gv^{2}(t) = \frac{i^{2}(t)}{G}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مثال 2.1: ایک عدد مزاحمت پر 20 V لاگو کرنے سے مزاحمت میں 4A پیدا ہوتی ہے۔ اس کی موصلیت دریافت کریں۔

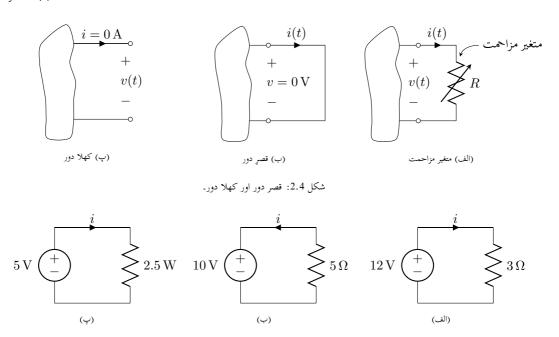
حل:مساوات 2.7 کی مدد سے

$$G = \frac{i}{v} = \frac{4}{20} = 0.2 \,\mathrm{S}$$

 $R=rac{20}{4}=0.2$ سے بھی حاصل ہوتا ہے۔ $G=rac{1}{R}=0.2$ سے بھی حاصل ہوتا ہے۔

شکل 2.4-الف میں برقی دور کے ساتھ متغیر مزاحمت i^{10} جڑاد کھایا گیا ہے۔ مزاحمت پر ترچھا تیر کھنچ کر متغیر مزاحمت کو ظاہر کیا جاتا ہے۔ اگر متغیر مزاحمت $v=i(t)\times 0=0$ کی قیمت کم کرتے کرتے صفر کر دی جائے تو کسی بھی رو i(t) کی صورت میں مزاحمت پر لاگو برقی دباو، قانون اوہم کے تحت $v=i(t)\times 0=0$ کی قیمت کم کرتے کرتے صفر تو کسی مخالی گئی ہے اور اس صورت کو قصو دور ¹¹ کہتے ہیں۔ دو نقطوں کو موصل تارسے جوڑ کر قصر دور کیا جاتا ہے۔ اس کے برعکس اگر متغیر مزاحمت کی قیمت لامحدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو v(t) پر، قانون اوہم کے تحت v(t) منظیر مزاحمت کی قیمت لامحدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو v(t) پر، قانون اوہم کے تحت v(t) کسی مورت،

24 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.5: مزاحمتي ادوار مثال 2.2 تا مثال 2.4

جے کھلا دور ¹² کہتے ہیں کو شکل-پ میں دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی دو نقطوں کو کھلا دور کرنے کا مطلب سے ہے کہ ان نقطوں کے مابین مزاحمت لا محدود کر دی جائے۔ قصر دور پر ہر صورت صفر د باو پایا جاتا ہے جبکہ کھلا دور پر ہر صورت صفر رو پائی جاتی ہے۔

مثال 2.2: شكل 2.5-الف ميں رواور مزاحمتی طاقت دريافت كريں۔

حل: قانون اوہم سے مزاحت میں رو

$$i = \frac{12}{3} = 4 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتی ہے اور یوں مزاحمتی طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = v \times i = 12 \times 4 = 48 \,\mathrm{W}$$

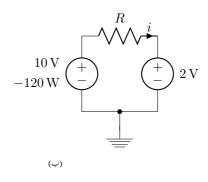
مثال 2.3: شكل 2.5-ب مين رواور مزاحمتي طاقت دريافت كرين ـ

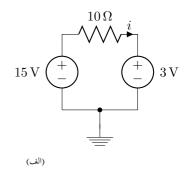
حل: مزاحمت کا بالائی سرا مثبت ہے لہذا اس میں رو کی سمت اوپر سے نیچے ہو گی جو د کھلائے گئی سمت کے الٹ ہے۔اس طرح دی گئی سمت میں رو کی قیمت منفی ہو گی یعنی

$$i = -\frac{10}{5} = -2 \,\mathrm{A}$$

open circuit12

2.5. قانون اوبم





شكل 2.6: مزاحمتي ادوار مثال 2.5 تا مثال 2.6

جبکه مزاحمت طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = i^2 R = 20 \,\mathrm{W}$$

مثال 2.4: شکل 2.5-پ میں رواور مزاحمتی دریافت کریں۔

حل: دور میں طاقت کی پیدادار اور ضیاع برابر کیتے ہوئے طاقت کی مساوات p=vi سے منبع کی رو حاصل کرتے ہیں۔ $i=rac{p}{v}=rac{2.5}{5}=0.5\,\mathrm{A}$

اوہم کے قانون سے مزاحت کی قیمت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$R = \frac{v}{i} = \frac{5}{0.5} = 10\,\Omega$$

مثال 2.5: شکل 2.6-الف میں مزاحمت کی رواور طاقت دریافت کریں۔

 $^{-1}$ حل: قانون اوہم میں مزاحمت کی دباو V=12 V=10 کیتے ہوئے روحاصل کرتے ہیں۔

$$i = \frac{12}{10} = 1.2 \,\mathrm{A}$$

ای طرح مزاحمت کی دباو $p=i^2R$ سے بھی حاصل ہو گا۔ اس کی طاقت درج ذیل حاصل ہو گا ہے۔ یہی جواب $p=i^2R$ سے بھی حاصل ہو گا۔

$$p = vi = 12 \times 1.2 = 14.4 \,\mathrm{W}$$

26 باب 2. مزاحمتي ادوار

مثال 2.6: شكل 2.6-ب مين مزاحمت مين رواور طاقت دريافت كرين ـ دائين منبع كي طاقت تجيي دريافت كرين ـ

حل: بائیں منبع کی طاقت اور دیاو دیے گئے جس سے منبع کی مثبت سر سے خارج ہوتی رو کی قیت 12A حاصل ہوتی ہے۔مزاحمت کی دیاو 8V ہے للذااس کی مزاحمت

$$R = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}\,\Omega$$

ہو گی۔اس طرح مزاحمت کی طاقت

$$p = vi = 8 \times 12 = 96 \,\mathrm{W}$$

ہو گا۔دائیں منبع کو طاقت فراہم کی جارہی ہے جس کی قیمت درج ذیل ہے۔

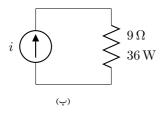
$$p = vi = 2 \times 12 = 24 \,\mathrm{W}$$

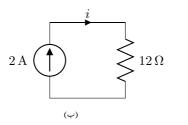
آپ دیکھ سکتے ہیں کہ طاقت کی پیدا وار اور ضیاع برابر ہیں۔

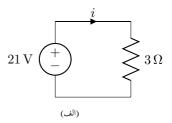
مثق 2.1: شكل 2.7-الف ميں مزاحمت كى رواور طاقت حاصل كريں۔ منبع كى طاقت تجى حاصل كريں۔

 $p=-127\,\mathrm{W}$ ، $p=127\,\mathrm{W}$ ، $i=7\,\mathrm{A}$ برابات:

مثق 2.2: شكل 2.7-ب مين مزاحت كا دباواور طاقت حاصل كرين ـ منبع كي طاقت بهي دريافت كرين ـ







شكل 2.7: مزاحمتي ادوار مشق 2.1 تا مشق 2.3

2.2. قوانين كرچاف

 $p = -48\,\mathrm{W}$ ، $p = 48\,\mathrm{W}$ ، $v = 24\,\mathrm{V}$ جوابات:

مثق 2.3: شکل 2.7-پ میں مزاحمت کی رواور دباو حاصل کریں۔ منبع کی طاقت دریافت کریں۔

 $p = -36\,\mathrm{W}$ ، $v = 18\,\mathrm{V}$ ، $i = 2\,\mathrm{A}$ جوابات:

2.2 قوانين كرچاف

اوہم کے قانون سے ایک مزاحمت اور ایک منبع پر مبنی دور آسانی سے حل ہوتا ہے البتہ زیادہ پر زوں پر مبنی دور حل کرتے ہوئے اس کا استعال قدر مشکل ہوتا ہے۔ زیادہ پرزہ جات کے ادوار قوانین محر چاف 14 کی مدد سے نہایت آسانی کے ساتھ حل ہوتے ہیں۔ برقی دور میں برقی پرزوں کو موصل تاروں سے آپس میں جوڑا جاتا ہے۔موصل تارکی مزاحمت کو صفر اوہم تصور کیا جاتا ہے للذاان میں طاقت کا ضیاع صفر ہوگا۔یوں طاقت کی پیداوار اور ضیاع صرف برقی پرزوں میں ممکن ہے۔

اس سے پہلے کہ ہم کرچاف کے قوانین پر غور کریں، ہم کچھ اصطلاحات مثلاً جوڑ 10 دائرہ 10 اور شاخ 71 جانے کی کو شش کرتے ہیں۔ شکل 10 دارہ 10 اور شاخ 17 جانے کی کو شش کرتے ہیں۔ شکل 10 مزاحمت 10 اور منبع 10 نقطہ 10 نقطہ کو جوڑ 10 کہا جائے گا۔ اس شکل میں جوڑ 10 اور 10 بھی دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل کو قدر مختلف طریقے سے دکھایا گیا ہے۔ یہاں بھی ان جوڑوں کی نشاند ہی کی گئی ہے۔ کسی بھی دو یا دوسے زیادہ پر زوں کو جوڑ نے والے موصل تارکو جوڑ تصور کیا جاتا ہے۔ یوں شکل -الف میں جوڑ 10 نقطہ مانند ہے جبکہ شکل - بمیں نجلی پوری تارجوڑ 10 ہے۔ جوڑ کو ظاہر کرنے والی تارکی لمبائی کچھ بھی ہو سکتی ہے۔

 $i_1(t)$ کی بھی دور میں متعدد راستے ممکن ہیں۔ شکل 2.8 میں جوڑ j_1 سے مزاحت k_1 کے راستے جوڑ k_2 تک پہنچا جا سکتا ہے جہاں سے منبع $i_1(t)$ کی بھی دور میں متعدد راستے ممکن ہیں۔ شکل 2.8 میں جوڑ j_1 تک پہنچا جا سکتا ہے۔اییا بند راستہ جو ابتدائی جوڑ پر بمی اختتام پذیر ہو ببند راستہ کہلاتا ہے۔اییا بند راستہ جس پر کسی بھی جوڑ سے صرف ایک مرتبہ گزرا جائے دائوہ k_1 کہلاتا ہے۔اس طرح k_1 اور k_2 دائوہ ہے۔اس طرح k_3 دائوہ ہے۔اس طرح k_4 دائوہ k_3 دائوہ ہے۔اس کی ایک اور مثال k_4 دائر k_4 دور مرتبہ گزرا گیا۔ k_3 دور مرتبہ گزرا گیا۔ k_4 دائرہ نہیں ہے چونکہ اس میں جوڑ k_4 اور جوڑ k_5 سے دو مرتبہ گزرا گیا۔

برقی دور میں ہر برقی پرزے کو شاخ 19 کہتے ہیں۔ شکل 2.8 میں کل چھ (6) شاخ ہیں۔جوڑ j_3 پر تین شاخ j_3 اور j_3 اور j_3 بیں۔ جوڑ j_3 پر تین شاخ j_3 اور j_3 اور j_3 بیں۔ آئیں اب قوانین کوچاف کی بات کریں۔

Kirchoff's laws¹³

^{14۔} جرمنی کے گستاف روبرٹ کرچاف نے ان قوانین کو سے پیش کیا۔

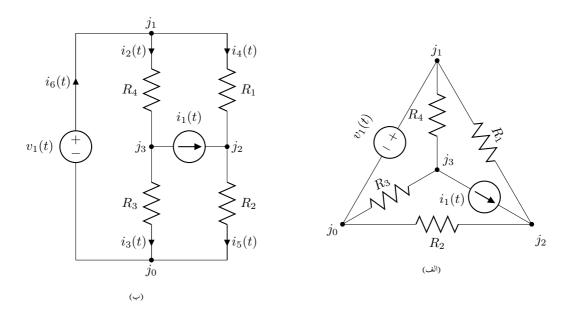
 $loop^{16}$

 $[{]m cranch}^{17}$

 $loop^{18}$

branch¹⁹

28 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.8: جوڑ اور دائرے۔

کر چاف کا قانون برائے برقی رو کہتا ہے کہ کسی بھی جوڑ پر داخلی برقی رو کا مجموعہ خارجی برقی رو کے مجموعے کے عین برابر ہوتا ہے۔

کر چاف کے قانون برائے برقی رو کو کو چاف قانون رو کہا جائے گا۔اس قانون کو کسی بھی جوڑ کے لئے یوں

$$\sum i_{,b_{1}} = \sum i_{0,0}$$
 کرچاف قانونِ رو

کھا جاتا ہے۔ شکل 2.8-ب میں جوڑ j_0 پر درج بالا مساوات سے

(2.10)
$$i_3(t) + i_5(t) = i_6(t)$$
 $j_0 j_s$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح بقایا جوڑوں پر کرچاف قانونِ روسے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں جہاں مساوی علامت (=) کے بائیں جانب داخلی رو کا مجموعہ اور دائیں جانب خارجی رو کا مجموعہ ہے۔

(2.11)
$$i_6(t) = i_2(t) + i_4(t) \qquad j_1 j_{\mathcal{R}}$$

(2.12)
$$i_1(t) + i_4(t) = i_5(t) \qquad j_2 j_3.$$

(2.13)
$$i_2(t) = i_1(t) + i_3(t) \qquad j_3 \, \mathcal{F}.$$

ا گر جوڑ پر تمام رو کی سمت خارجی تصور کی جائے تب قانون کو چاف برائیے رو 20 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے جہاں $i_s(t)$ شاخ s میں جوڑ سے خارج رو بے اور جوڑ کے ساتھ جڑ ہے شاخوں کی تعداد N ہے۔

$$\sum_{s=1}^{N} i_s(t) = 0$$
 کرچاف قانونِ رو

اگر جوڑ پر تمام روکی سمت داخلی تصور کی جائے تب قانون کرچاف بوائیے روکو درج بالا لکھا جا سکتا ہے جہاں $i_s(t)$ شاخ s میں جوڑ پر داخل رو ہے۔ 2.2. قوانین کرچاف



شکل 2.9: کرچاف قانونِ رو کو بکریوں پر بھی لاگو کیا جا سکتا ہے۔

مساوات 2.14 کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.8-ب کے لئے درج ذیل لکھا جائے گا جہاں خارجی رو مثبت اور داخلی رو منفی لکھے گئے ہیں۔

(2.15)
$$i_6(t) - i_3(t) - i_5(t) = 0 \qquad j_0 \mathcal{F}.$$

$$(2.16) i_2(t) + i_4(t) - i_6(t) = 0$$

$$(2.17) i5(t) - i1(t) - i4(t) = 0$$

$$(2.18) i_1(t) + i_3(t) - i_2(t) = 0$$

مساوات 2.10 تا مساوات 2.13 کو مساوات 2.9 سے حاصل کیا گیا جبکہ مساوات 2.15 تا مساوات 2.18 کو مساوات 2.14 سے حاصل کیا گیا۔ مساوات 2.10 تا مساوات 3.15 کو مساوی نشان (=) کی دوسری جانب منتقل کرنے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات 2.19 داور مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔ مساوات 2.19 داور مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔

مساوات 2.16 مساوات 2.11 اور مساوات 2.18 کو جمع کرنے کے بعد منفی ایک (1-) سے ضرب دینے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ یوں مندر جہ بالا چار بھزاد مساوات اور میں صرف تین عدد مساوات غیر تابع 22 مساوات ہیں۔ ان میں کسی بھی تین مساوات کے استعال سے چو تھی مساوات حاصل کی جاستی ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات حاصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات درکار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات ، اور ہا مندر جہ کی جاستی ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع تصور کرتے ہوئے تیسری مساوات ماصل کی جاستی ہے لہذا تیسری تابع مساوات ہے جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہوتی ہے۔ کی ضرورت نہیں ہے۔

$$x + y = 3$$
$$x - y = 1$$
$$x - 3y = -1$$

جس برقی دور میں کل ہے عدد جوڑ پائے جاتے ہوں، اس میں I-I غیر تابع مساوات حاصل ہوتے ہیں لہذا کسی بھی ایک جوڑ کے بغیر بقایا تمام پر جوڑ پر مساوات کئے جاتے ہیں۔

کرچاف قانونِ روکے استعال میں اصل روکی سمت کو نہیں دیکھا جاتا بلکہ صرف متغیرات $i_1(t)$ ، $i_2(2)$ ، $i_3(t)$ ، $i_3(t)$

کر چاف قانونِ روعمومی مساوات ہے جسے ہم روز مرہ زندگی میں برتی روکی بجائے مختلف چیزوں پر لاگو کرتے ہیں۔ شکل 2.9-الف میں ایک گڈریا پورے دن بکریاں چرانے کے بعد انہیں شام کو پہاڑی سے نیچے ایک پگڈنڈی پر اتار رہا ہے۔ گڈریا پن بکریوں کو خیر خیر بیت سے دکھائی گئے راستے سے نیچے اتار باتے ۔ نقط نے سے نیچے دو پگڈنڈیاں ہیں۔اگر بالائی پگڈنڈیوں پر کل اتنی ہی

30 باب 2. مزاحمتي ادوار

بکریاں اترے گی تینی $b_1 = b_2 + b_3$ ہو گا۔ تاریس کسی بھی مقام سے فی سیکٹہ گزرتی برقی بار کو برقی رو کہتے ہیں۔یوں برقی رو کی بات کرتے ہوئے ہم حقیقت میں برقی بارکی بات کرتے ہوئے ہالکل پگٹرنڈی ہم حقیقت میں برقی بارکی بات کرتے ہیں۔تار میں برقی بارکا وجود الیکٹران پر ہے جس کی تعداد ناتو کم ہوتی ہے اور ناہی بڑھتی ہے۔اسی لئے بالکل پگٹرنڈی پر چلتی بکریوں کی طرح تاریم بل تعداد اس جوڑسے خارج ہوتے الیکٹران کے برچلتی برقرار رہتی ہے اور کسی جوڑ پر آمدی الیکٹران کی تعداد اس جوڑسے خارج ہوتے الیکٹران کے برابر ہوگا۔طبیعیات کے اصولوں کے تحت کسی بھی جوڑ پر برقی بارکا انبار نہیں جمع ہوتا۔ 23

کر چاف قانونِ رو کسی بھی بند سطح کے لئے درست ہے۔شکل 2.9-ب میں ہلکی ساہی میں بند سطح میں داخل بکریوں کی تعداد سطح سے خارج بکریوں کے برابر ہوگی۔اس شکل میں بند سطح کو جوڑ ن تصور کیا جا سکتا ہے۔

مثال 2.7: شكل 2.10-الف مين نامعلوم رو دريافت كرين

 i_4 کل:جوڑ j_2 پر داخلی رو i_4 j_2 کے برابر ہوگی لیعنی i_4 کے برابر ہوگی لیعنی

 $i_4 = 5\,\mathrm{mA} + 2\,\mathrm{mA} = 7\,\mathrm{mA}$

جوڑ j_3 پر داخلی رو کا مجموعہ i_4+i_3 ہے جو خار جی i_4+i_5 کے برابر ہو گا۔ یوں درج بالا حاصل کردہ i_4 کی قیمت پُر کرتے ہوئے

 $7\,\mathrm{mA} + i_3 = 6\,\mathrm{mA}$

سے درج ذیل حاصل ہوتاہے

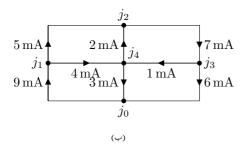
 $i_3 = -1 \,\text{mA}$

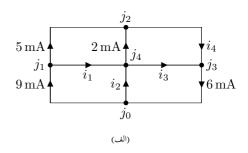
 $9 \,\mathrm{mA} + i_2 = 6 \,\mathrm{mA}$

ہو گا جس سے

 $i_2 = -3 \,\mathrm{mA}$

²³میں امید کرتا ہوں کہ میری شاگردہ فرحانہ مشتاق کی طرح آپ کو بھی گڈریا کی مثال سے کرچاف قانونِ رو کی سمجھ آگئی ہو گی۔





شكل 2.10: كرچاف قانون رو كبي مثال.

2.2. قوانين كرچاف

 j_0 عاصل ہوتا ہے۔ یوں حقیقت میں جوڑ j_0 سے جوڑ j_0 کی جانب j_0 کی جانب خارجی دو کا مجموعہ خارجی دو کا مجموعہ کی دور نے میں جو کی دور کی دور

$$9\,\mathrm{mA} = i_1 + 5\,\mathrm{mA}$$

لكھاكر

 $i_1 = 4 \,\mathrm{mA}$

حاصل ہوتا ہے۔شکل-الف میں جوڑ j₄ پر

 $i_1 + i_2 = i_3 + 2 \,\mathrm{mA}$

$$i_1 = i_3 + 2 \text{ mA} - i_2$$

= $-1 \text{ mA} + 2 \text{ mA} - (-3 \text{ mA})$
= 4 mA

ہی حاصل ہوتا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کرچاف قانونِ رو لکھتے ہوئے ، i₂ ، i₂ ، i₃ ، i₂ ، i₃ ہیں داخلی یا خارجی رو گنا جاتا ہے۔

مثال 2.8: شكل 2.11 مين تمام جوڑ پر كرچاف قانونِ رو كى مساوات ككھيں۔

حل:جوڑ j_0 تاجوڑ j_4 بالترتیب مساوات لکھتے ہیں۔خارجی رو کو مثبت تصور کیا گیا ہے۔

$$i_1 + i_2 - i_3 = 0$$

$$i_4 + i_5 - i_1 = 0$$

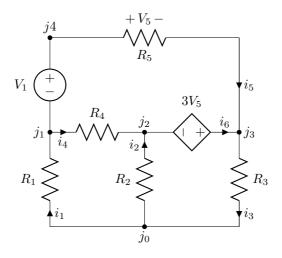
$$i_4 + i_5 - i_1 = 0$$

$$i_6 - i_2 - i_4 = 0$$

$$i_3 - i_5 - i_6 = 0$$

$$i_5 = i_5$$

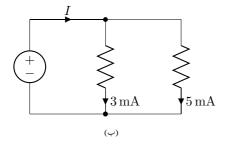
عاب 2. مزاحمتی ادوار

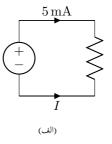


شکل 2.11: کرچاف قانون رو کی دوسری مثال.

مشق 2.4: شكل 2.12 مين I دريافت كرين-

 $I = 8 \,\mathrm{mA}$:(بانف): $I = -5 \,\mathrm{mA}$ (ب): جواب:

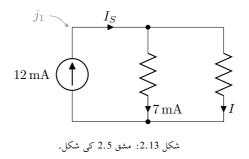




شكل 2.12: كرچاف قانونِ رو كا پهلا مشق.

2.2. قوانين كرچاف

مشق 2.5: شكل 2.13 ميں $I_{\rm S}$ اور I حاصل كريں۔

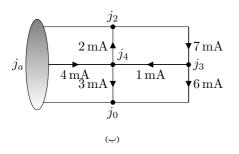


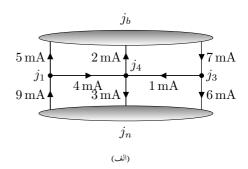
جوابات: $I_S=12\,\mathrm{mA}$ ، $I_S=12\,\mathrm{mA}$ ؛ برقی رو I_S حاصل کرنے کی خاطر نقطہ وجوڑ تصور کریں۔

مثال 2.9: شکل 2.10-ب میں کسی بھی جگہ بند سطے تھنچ کر دیکھا جا سکتا ہے کہ کرچاف قانونِ رو بند سطح پر لا گو ہوتا ہے۔ شکل 2.14-الف میں ایہا ہی کیا گیا ہے۔ بالا کی اور مجلی سطح کے داخلی اور خارجی رو دریافت کریں۔

حل: بالائی سطح کو جوڑ تصور کیا جا سکتا ہے۔ شکل میں اس جوڑ کو j_b کہا گیا ہے۔ بالائی سطح پر مجموعی داخلی رو کہ mA + 2 mA ہے۔ اس سے 7 mA رو خارج ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ داخلی اور خارجی رو برابر ہیں۔

نجی سطح پر داخلی رو A mA + 6 mA ہے۔ اس سطح پر بھی داخلی اور خارجی رو برابر ہیں۔ نجلی سطح کو جوڑ jn کہا گیا ہے۔





شکل 2.14: کرچاف قانونِ رو ہر بند سطح پر لاگو ہوتا ہے۔

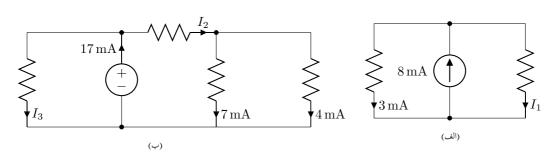
آپ شکل 2.10-ب پر کسی بھی جگہ پر بند سطے تھینج کر دیکھ سکتے ہیں کہ اس سطح پر داخلی روعین سطح سے خارجی رو کے برابر ہو گی۔

مثق 2.6: شكل 2.14-ب مين بند سطح كي داخلي اور خارجي روحاصل كرين-

جوابات: داخلی رو 9 mA ہے اور خار جی رو بھی 9 mA ہے۔

مشق 2.7: شكل 2.15 ميں نامعلوم رو دريافت كريں۔

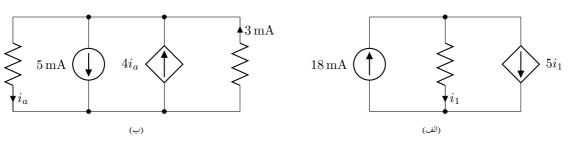
 $I_3=6\,\mathrm{mA}$ اور $I_2=11\,\mathrm{mA}$ ، $I_1=5\,\mathrm{mA}$: آب



شكل 2.15: مشق 2.7 ميں استعمال ہونے والا دور۔

2.2. قوانين كرچاف

مثق 2.8: شکل 2.16-الف میں i_1 اور شکل -ب میں i_a دریافت کریں۔



شكل 2.16: مشق 2.8 ميں استعمال ہونے والا دور۔

 $i_a = \frac{2}{3} \,\mathrm{mA}$ ، $i_1 = 3 \,\mathrm{mA}$ جوابات:

كرچاف كا دوسرا قانون، كرچاف قانون برائے برقى دباو ہے۔اس قانون كو عموماً كرچاف قانون دباو 24 كها جاتا ہے۔

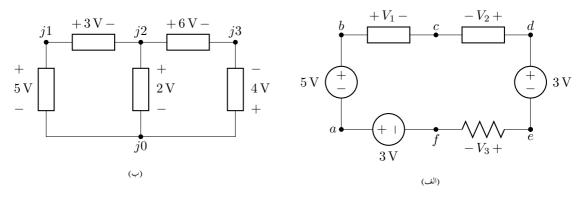
کر چاف قانونِ دباد کہتا ہے کہ کسی بھی بندراہ پر بڑھتے برقی دباو کا مجموعہ، گھٹتے برقی دباو کے مجموعے کے عین برابر ہو گا۔

شکل 2.17-الف میں جوڑ j0 سے برقی دور میں گھڑی کے سمت گھومتے ہوئے بڑھتے دباو کا مجموعہ $5+V_2+3=1$

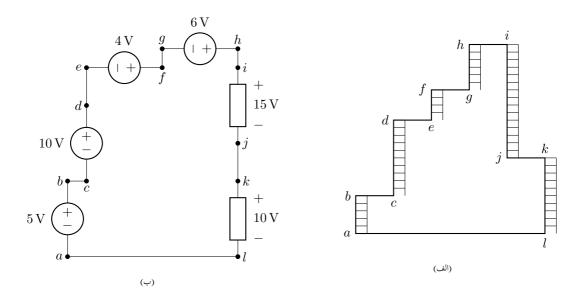
حاصل ہوتا ہے جبکہ گھٹتے دباو کا مجموعہ

گھٹتا د باو
$$V_1+3+V_3$$

Kirchoff's voltage law, KVL²⁴



شكل 2.17: كرچاف قانونِ دباو.



شكل 2.18: كرچاف قانون دباو اور بلندى.

حاصل ہوتا ہے۔ کرچاف قانون دباو کے تحت بیہ قیمتیں برابر ہیں یعنی

$$5 + V_2 + 3 = V_1 + 3 + V_3$$

ہو گا۔اس مساوات کو یوں

$$(2.19) 5 + V_2 + 3 - V_1 - 3 - V_3 = 0$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں کر جاف قانون د باو کو

$$\sum_{b=1}^{B} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$$
 وباو $\sum_{b=1}^{G} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$ وباد تانونِ دباو

کھا جا سکتا ہے جہاں بند دائرے میں بڑھتے دباوکی تعداد B اور گھٹے دباوکی تعداد G ہے۔

شکل 2.17-الف میں بڑھتے دیاو کو مثبت اور گھٹے دیاو کو منفی لکھتے ہوئے مجموعہ حاصل کرنے سے عین مساوات 2.19 حاصل ہوتا ہے للمذا کرچاف قانون دیاو کو درج ذیل مساوات کی صورت میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

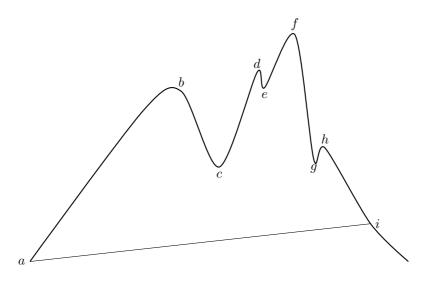
$$\sum_{s=1}^{S}V_{s}=0$$
 کرچاف قانونِ دباو $\sum_{s=1}^{S}V_{s}=0$

اس مساوات میں اگر بڑھتے دباو کو مثبت لکھا جائے تب گھٹے دباو کو منفی لکھا جائے گا اور اگر گھٹے دباو کو مثبت لکھا جائے تب بڑھتے دباو کو منفی لکھا جائے گا۔

شکل 2.9 میں کرچاف قانونِ رو کو پہاڑی سے اترتی بکریوں کی مدد سے سمجھایا گیا۔ آئیں کرچاف قانون دباو کو شکل 2.18 کی مدد سے سمجھیں۔

شکل 2.18-الف میں ایک عمارت کا بیرونی خاکہ دکھایا گیا ہے۔ عمارت کے بائیں طرف سیڑھی کو استعال کرتے ہوئے پہلی منزل b تک پہنچنا ممکن ہے۔ اس کے ۔ اس کے سیڑھی بلندی اختیار کریں گے۔ اس کے سیٹے بیں کہ a سے بانچ سیڑھی بلندی ہوں گی توں حقیقت کو ریاضیاتی طور پر a کھا جاتا ہے۔ پہلی منزل کی حجیت a تا a ہے یوں b سے a تک چلئے میں آپ کی بلندی جوں کی توں

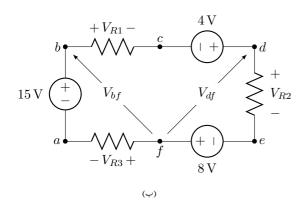
2.2. قوانين كرچاف

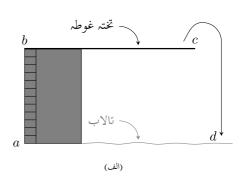


شكل 2.19: كرچاف قانونِ دباو اور پهاڙي پر چرتي بكريان.

شکل 2.18-الف کا مساوی برتی و ور شکل 2.18-ب میں و کھایا گیا ہے۔ شکل 2.18-الف میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں تبدی میں تبدیلی میں تبدیلی کو عود کی و کھایا جاتا ہے۔ شکل -ب میں بر قرار بہتی و باو کو تار ظاہر کرتی ہے اور ایسی تار کو جوڑ 25 کہا جاتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بہتی کو اور گھڑی کی سمت میں کو جوڑ 25 کہا جاتا ہے۔ شکل -ب میں ہوتا ہے۔ شکل -ب میں بر قرار ہوتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بلندی کو میں ہوتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بلندی افتی کے اس کے جہاں بڑھے د باو کو مثبت کھا گیا ہے۔ اس طرح کر گھڑی کی سمت میں تشروع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کہ کھیا ہوئے گا۔ عام زندگی میں بر قرار بلندی افتی کئیر بر قرار بلندی کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں برقرار دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر بر قرار بلندی کو ظاہر کرتے ہیں۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر برقرار دباو کو ظاہر کرتے ہیں۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر برقرار دباو کو ظاہر کرتے ہیں۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی الہ الذاتار ہی برقرار دباو کو ظاہر کرتی ہے۔

 $node^{25}$





شکل 2.20: کرچاف قانون دباو کے استعمال میں بند دائرہ فرضی ہو سکتا ہے۔

کر چاف قانون دباو کے استعال بند دائر سے پر ہوتا ہے۔ ایسا بند دائرہ فرضی بھی ہو سکتا ہے۔ آئیں ایس ایس مثال دیکھیں۔ شہر وں میں پانی کے تالاب پر عموماً غوطہ کو کھا یا غوطہ کو کھا یا خوطہ لگانے کی خاطر او نچائی پر تختہ نسب ہوتا ہے جہاں سے غوطہ خور قلا بازیاں کھاتا ہوا پائی تک پنچتا ہے۔ شکل 2.20-الف میں ایسا ہی تختہ غوطہ کو کھا یا گیا ہے جس تک بائیں جانب نسب سیڑ تھی کے ذریعہ پہنچا جا سکتا ہے۔ اس سیڑ تھی کو استعمال کرتے ہوئے غوطہ خور ہے کا کہ پڑھتا ہے۔ یہاں سے وہ دوڑ لگاتا ہوا کی پہنچ کر ہوا میں قلا بازیاں کھاتا ہوا نیچ تالاب میں ڈبی لگاتا ہے۔ شکل میں تیرکی کیر غوطہ خور کے گرنے کو دکھاتی ہے۔ اب میں فرضی راہ ہے جس پر خوطہ خور جاتا ہے لیکن کے سے ما تک کوئی سیڑ تھی نہیں ہے۔ یہ بس خلاء میں فرضی راہ ہے جس پر غوطہ خور چاتا ہے لیکن کے بعد وہ واپس میں تک لوٹی ہوئے بند دائر سے پر چال قدمی پوری کرتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بارہ سیڑ تھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑ تھی ہی کہ بارہ سیڑ تھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑ تھی ہی گی تا ہے۔

$$V_{R1} + V_{R2} + V_{R3} = 15 + 4 + 8$$

حاصل ہوتا ہے۔ابیا حقیقی راہ پر کیا گیا۔آئیں اب f سے a اور یہاں سے b کے بعد فرضی راہ پر واپس f پہنچیں۔فرضی راہ کو نوک دار ککیر سے دکھایا گیا ہے جہاں تیر کا نشان مثبت سرے کو ظاہر کرتی ہے۔یوں

$$V_{R3} - 15 + V_{bf} = 0$$

لکھا جا سکتا ہے جہال گھٹے دباو کو مثبت لکھا گیا ہے۔اس سے

$$V_{bf}=15-V_{R3}$$

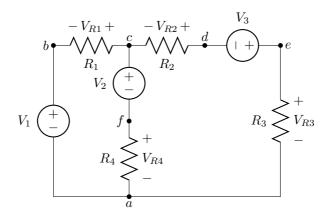
حاصل ہوتا ہے۔یوں اگر $V_{R3} = 7$ ہوتب $V_{bf} = 8$ ہوگا۔ یہاں بتلاتا چلوں کہ اس کتاب میں گھٹے دباو کو ہی مثبت کلھا جائے گا۔اییا لکھنے میں آپ کو شروع میں کچھ دقت ہو سکتی ہے۔اسی طرح دیگر فرضی بند دائروں پر مندرجہ ذیل کلھا جا سکتا ہے

$$V_{R3} - 15 + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$
$$8 - V_{R2} + V_{df} = 0$$
$$-V_{bf} + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$

 $V_{R2} = 11\,\mathrm{V}$ ، $V_{R1} = 9\,\mathrm{V}$ ، کون الٹ سمت چپلا گیا ہے۔ یوں اگر $V_{R2} = 11\,\mathrm{V}$ ، $V_{R1} = 9\,\mathrm{V}$ ، کون کے۔ اور $V_{R3} = 7\,\mathrm{V}$ ، اور $V_{bf} = 8\,\mathrm{V}$ ، کون کے۔

diving board²⁶

²⁷جی مجھے معلوم ہر کہ غوطہ خور اوپر چھلانگ لگا کر بارہ سیڑھی سے زیادہ بلندی سے گرتا ہر .مجھے امید ہرے کہ آپ تمام گفتگو کی اصل مقصد سمجھ گئے ہوں گرے .



شكل 2.21: تابع اور غير تابع مساوات.

شکل 2.21 میں کر چاف قانون د باواستعال کرتے ہوئے کل تین عدد مساوات لکھنا ممکن ہے۔ یہ مساوات بائیں بند دائرہ abc fa ، دائیں بند دائرہ abcdea ، دائیں بند دائرہ abcdea پر لکھے جائیں گے جنہیں یہاں پیش کرتے ہیں۔

$$(2.22) -V_1 - V_{R1} + V_2 + V_{R4} = 0$$

$$(2.23) -V_{R4} - V_2 - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

$$(2.24) -V_1 - V_{R1} - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

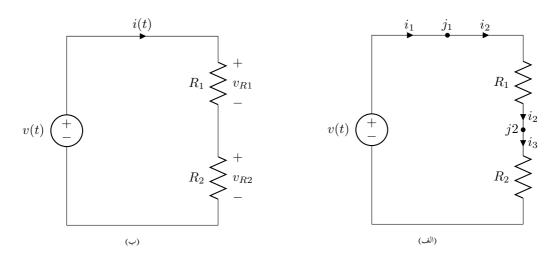
مساوات 2.22 واور مساوات 2.23 کو آپس میں جمع کرنے سے مساوات 2.24 واصل ہوتا ہے۔ اسی طرح مساوات 2.23 سے مساوات 2.24 منٹی کرنے سے مساوات 2.22 واصل ہوتا ہے۔ ایسی صورت میں وہ عدد مساوات کو غیر مساوات 2.25 واصل ہوتا ہے۔ ایسی صورت میں وہ عدد مساوات کو غیر قابع مساوات کہ جاتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات واصل کرنے کی خاطر دو تابع مساوات کہ جاتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات واصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات درکار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات کا اور لا مندرجہ ذیل ہمزاد مساوات میں سے کسی بھی دو مساوات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع مساوات ہوئے تیسر کی مساوات واصل کی جاسکتی ہے لہذا تیسر کی تابع مساوات ہوئی ہے جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہوتی ہے جسے لکھنے کی ضرورت نہیں ہے۔

$$x + y = 3$$
$$x - y = -1$$
$$3x + y = 5$$

شکل 2.21 صرف دوعدد غیر تابع مساوات مہیا کرتا ہے للذاا گرچہ ہم اس دور کے لئے تین مساوات لکھ سکتے ہیں لیکن ایسا کرنے کی کوئی ضرورت نہیں۔کسی بھی دور میں نسب تمام اجزاء کسی نہ کسی دائرے کا حصہ ہے۔ یوں کم سے کم تعداد کے بند دائرے چننے جاتے ہیں۔بند دائرے یوں چنیں کہ دور میں نسب تمام اجزاء کسی نہ کسی دائرے کا حصہ ہے۔ یوں کم تعداد کے بند دائرے چننے سے کم سے کم سے کم مساوات حاصل ہوں گے۔ کم تعداد کے مساوات حل کرنا نسبتاً زیادہ آسان ہوتا ہے۔

2.3 سلسلہ وار جڑے پرزوں میں رو

v(t) کرچاف کے قوانین جاننے کے بعد آئیں انہیں چند سادہ ادوار پر لا گو کرتے ہوئے کچھ کار آمد نتائج حاصل کریں۔ شکل 2.22-الف میں منبع دباو v(t) کے ساتھ دو عدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔ منبع اور R_1 آپس میں جوڑ j_1 پر ملتے ہیں۔ منبع کی رو i_1 اور مزاحمت میں داخل ہوتی رو کو i_2 تصور کرتے ہوئے جوڑ j_1 پر کرچاف قانون رو لا گو کرتے ہوئے i_1 و کھا جا سکتا ہے۔ یوں منبع اور مزاحمت i_1 میں بالکل برابر رو پائی جاتی ہے۔ یہی



شكل 2.22: سلسله وار جڑے مزاحمت میں دباو كى تقسيم.

آرکیب مزاحمت R_1 اور مزاحمت R_2 کیوڑ R_2 پر لاگو کرتے ہوئے R_3 کی کھاجا سکتا ہے۔ یوں اگر R_1 ہوتی تب R_2 اور کرتے ہوئے R_3 کی سمت گھومتی۔ اس حقیقت کو یوں بہتر بیان کیا جا سکتا ہے کہ سلسلہ وار جڑے پرزوں میں میسال برتی رویائی جاتی ہے۔ برقی رویوں میں گھڑی کی سمت گھومتی۔ اس حقیقت کو یوں بہتر بیان کیا جا سکتا ہے کہ سلسلہ وار جڑے پرزوں میں میسال برتی رویائی جاتی ہے۔

2.4 تقسيم دباو

گزشتہ جھے میں ہم نے دیکھا کہ سلسلہ وار دور میں ہر مقام پر یکسال رو پائی جاتی ہے۔اسی سلسلہ وار دور کو شکل 2.22-ب میں دوبارہ پیش کیا گیا ہے جہال دور کی رو کو i(t) کھا گیا ہے۔ شکل-ب کے لئے کرچاف قانون دیاو سے

$$(2.25) v(t) = v_{R1} + v_{R2}$$

کھا جا سکتا ہے۔ کسی بھی مزاحمت میں گزرتی رواور مزاحمت کے سروں کے مابین دیاو کا تعلق قانون اوہم دیتا ہے۔ یوں مزاحمت ہم اور R₂ پر درج ذمل دیاو ہو گا۔

(2.26)
$$v_{R1} = i(t)R_1 v_{R2} = i(t)R_2$$

مساوات 2.26 کو مساوات 2.25 میں پر کرتے ہوئے

$$(2.27) v(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2$$

رو کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_1 + R_2}$$

مساوات 2,26 اور مساوات 2,28 کی مدد سے مزاحمت R_1 اور R_2 کی دباو حاصل کی جاسکتی ہے۔مزاحمت R_1 کا دباو

$$v_{R1} = i(t)R_1$$

$$= \left[\frac{v(t)}{R_1 + R_2}\right]R_1$$

یا

$$(2.29) v_{R1} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} v(t)$$

عاصل ہوتا ہے۔ اس طرح مزاحمت R2 کا دباو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(2.30) v_{R2} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} v(t)$$

مساوات 2.29 اور مساوات مساوات 2.30 تقسیم دباو کے مساوات ہیں۔آئیں ان کی افادیت ایک مثال کی مدد سے سمجھیں۔

مثال 2.10: شکل 2.22 میں v(t)=15 ہے جبکہ مزاحمت $R_1=1\,\mathrm{k}\Omega$ اور $R_2=2\,\mathrm{k}\Omega$ ہیں۔دونوں مزاحمت کے دباوحاصل کریں۔ منبع اور مزاحمتوں کی طاقت دریافت کریں۔

مساوات 2.29 سے

$$v_{R1} = \frac{15 \times 1000}{1000 + 2000} = 5 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 2.30 سے

$$v_{R2} = \frac{15 \times 2000}{1000 + 2000} = 10 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہی جوابات یوں بھی حاصل کئے جاسکتے ہیں کہ پہلے مساوات 2.28 سے رو

$$i(t) = \frac{15}{1000 + 2000} = 5 \,\mathrm{mA}$$

حاصل کریں اور پھر قانون اوہم سے

$$v_{R1} = i(t)R_1 = 5 \times 10^{-3} \times 1000 = 5 \text{ V}$$

 $v_{R2} = i(t)R_2 = 5 \times 10^{-3} \times 2000 = 10 \text{ V}$

لکھیں۔منبع کی طاقت

$$p_{xx} = 15 \times (-5 \times 10^{-3}) = -75 \,\mathrm{mW}$$

جبکہ R₁ کی طاقت

$$p_{R1} = 5 \times 5 \times 10^{-3} = 25 \,\text{mW}$$

اور R₂ کی طاقت

$$p_{R2} = 10 \times 5 \times 10^{-3} = 50 \,\text{mW}$$

حاصل ہوتی ہے۔آپ دیھ سکتے ہیں کہ طاقت کی پیدادار اور ضیاع برابر ہیں۔

آپ د کیھ سکتے ہیں کہ سلسلہ وار مزاحمت جوڑنے سے داخلی دباو کو مختلف قیمتوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ دوسے زیادہ مزاحمت سلسلہ وار جوڑتے ہوئے داخلی دباو کو زیادہ حصوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ تقسیم دباو کے مساوات کے تحت داخلی دباو سلسلہ وار جڑے مزاحمت کی قیمت کے نسبت سے تقسیم ہوتے ہیں۔ مندرجہ بالا مثال میں آپ نے دیکھا کہ تقسیم دباو کی مساوات سے مزاحمت کا دباو حاصل کرتے ہوئے برقی روکا حصول درکار نہیں ہوتا۔ آپ نے یہ بھی دیکھ لیا ہوگا کہ زیادہ قیمت کی مزاحمت پر زیادہ دباو پیدا ہوتی ہے اور اس میں طاقت کا ضیاع بھی زیادہ ہوتا ہے۔

مثق 2.29 شکل 2.22 میں $v(t)=10\,\mathrm{V}$ ہے جبکہ مزاحمت کی قیمت $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ ہے۔ مزاحمت کی قیمت $P_2=10\,\mathrm{k}\Omega$ ورکار ہیں۔ اس مزاحمت کی قیمت عاصل کریں اور اس میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ منبع کی پیدا کردہ طاقت بھی دریافت کریں۔ اگر $P_2=10\,\mathrm{k}\Omega$ کی دباو اور طاقت کے علاوہ منبع کی پیدا کردہ طاقت کیا ہوتی۔

 $-25\,\mathrm{mW}$ ، $12.5\,\mathrm{mW}$ ، $5\,\mathrm{V}$ ، $-20\,\mathrm{mW}$ ، $12\,\mathrm{mW}$ ، $R_2=3\,\mathrm{k}\Omega$. واب:

اس مثق سے ظاہر ہے کہ کل سلسلہ وار مزاحمت کی قیمت کم کرنے سے پیدا کردہ طاقت اور مزاحمت میں طاقت کا ضیاع بڑھتا ہے۔

2.5 متعدد سلسلم وار مزاحمت

رو الف میں متعدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔ تمام سلسلہ وار جڑے پین۔ تمام سلسلہ وار جڑے پرزوں میں بیساں رو $v(t)=v_{R1}+v_{R2}+v_{R3}+\cdots+v_{Rn}$

لکھتے ہیں جہاں قانون اوہم سے

$$v_{R1} = i(t)R_1$$

$$v_{R2} = i(t)R_2$$

$$\vdots$$

$$v_{Rn} = i(t)R_n$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

$$v(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2 + \cdots + i(t)R_n$$

١

$$(2.32) v(t) = i(t) [R_1 + R_2 + \dots + R_n]$$

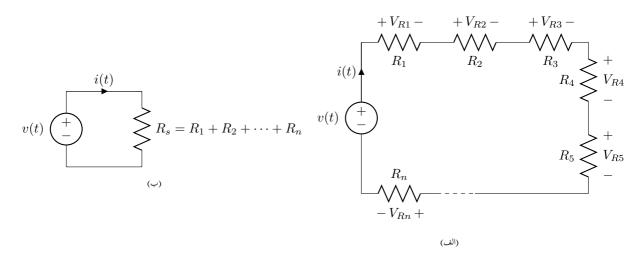
حاصل ہوتاہے جس میں

(2.33)
$$R_s = R_1 + R_2 + R_3 + \cdots + R_n$$
 متعدد سلسله وار جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

لکھتے ہوئے

$$(2.34) v(t) = i(t)R_s$$

2.5. متعدد سلسلہ وار مزاحمت



شكل 2.23: متعدد سلسلم وار مزاحمت اور تقسيم دباو.

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 2.32اور مساوات 2.34 شکل 2.23-ب پر بھی پوری اترتے ہیں۔ یوں شکل 2.23-الف اور شکل 2.23-ب مساوی اشکال ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ متعدد سلسلہ وار جڑے مزاحمت کی جگہ ان کا مجموعی مزاحمت نسب کیا جا سکتا ہے۔مساوات 2.33 متعدد سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت R_S دیتی ہے۔

مثال 2.11: شکل 2.23-الف میں چار عدد مزاحمت نسب ہیں جن کی قیمتیں Ω 100 ، Ω 50 ، 120 اور Ω 30 ہیں۔ منبع دباو 9 V پیدا کرتا ہے۔دور میں رو دریافت کریں۔ پچاس اوہم مزاحمت پر دباو بھی حاصل کریں۔

حل: مجموعی مزاحمت کی قیمت

$$R_S = 100 + 50 + 120 + 30 = 300 \,\Omega$$

ہے۔ یوں قانون اوہم اور شکل-ب سے

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_S} = \frac{9}{300} = 30 \,\text{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ پیاس اوہم مزاحمت پر دباو قانون اوہم سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$v_{50\,\Omega} = i(t)R = 30 \times 10^{-3} \times 50 = 1.5\,\mathrm{V}$$

باب 2. مزاحمتی ادوار باب 2. مزاحمتی ادوار

2.6 سلسلم وار متعدد منبع دباو اور مزاحمت

شکل 2.24-الف میں متعدد منبع دباو اور متعدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔سلسلہ وار دور میں یکساں رو i(t) پائی جائے گی۔دور میں گھڑی کی سمت گھومتے اور گھنے دباو کو مثبت لکھتے ہوئے

$$(2.35) v_1(t) - v_2(t) + v_{R1} + v_{R2} - v_3(t) + v_{R3} + v_{R4} + \dots + v_k(t) + v_{Rn} = 0$$

کھا جا سکتا ہے۔ منبع دباو کو ایک جانب اور مزاحمتی دباو کو دوسری جانب لکھتے ہوئے اسے درج ذیل صورت میں ککھا جا سکتا ہے۔

$$(2.36) -v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots - v_k(t) = v_{R1} + v_{R2} + v_{R3} + v_{R4} + \dots + v_{Rn}$$

قانون اوہم کی مدد سے $v_{R1}=i(t)$ وغیرہ لکھتے ہوئے

$$-v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots - v_k(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2 + i(t)R_3 + i(t)R_4 + \dots + i(t)R_n$$

$$= i(t) [R_1 + R_2 + \dots + R_n]$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات میں

$$(2.38) -v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots - v_k(t) = v_s(t)$$

$$(2.39) R_1 + R_2 + \dots + R_n = R_s$$

لکھنے سے

$$(2.40) v_s(t) = i(t)R_s$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات سے حاصل دور کو شکل 2.24-ب میں دکھایا گیا ہے۔آپ دکھ سکتے ہیں کہ تمام سلسلہ وار جڑے مزاحمت کی جگہ ان کا مجموعہ نسب کیا جا سکتا ہے۔جیسا شکل 2.24-ب میں دکھایا گیا ہے، منبع کا مجموعہ نسب کیا جا سکتا ہے۔جیسا شکل 2.24-ب میں دکھایا گیا ہے، منبع کا مجموعہ حاصل کرتے وقت بڑھتے دباو کو مثنی لیا جاتا ہے۔یوں مساوات 2.40 میں مساوی نشان (=) کے بائیں جانب بڑھتے دباو کا مجموعہ اور نشان کے دائیں جانب گھٹے دباو کا مجموعہ ہے۔اس مساوات سے دورکی رو i(t) حاصل کی جاسکتی ہے۔

2.7 متوازی جڑے مزاحمت پر یکساں دباو پایا جاتا ہر

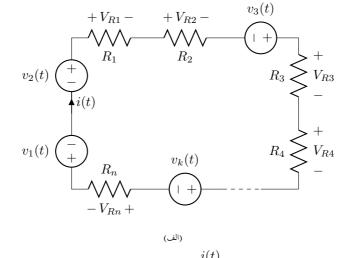
شکل 2.25-الف میں منبع دیاو کے متوازی دوعدد برقی پرزے جڑے دکھائے گئے ہیں۔بند دائرہ abcda پر کرجاف قانون دیاو سے

$$(2.41) v(t) = v_{cd}$$

حاصل ہوتا ہے جبکہ بند دائرہ abefa پر کرچاف قانون دباوسے

$$(2.42) v(t) = v_{ef}$$

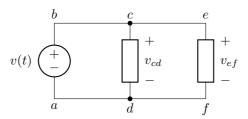
حاصل ہوتا ہے۔ یوں دونوں برقی پرزوں پر v(t) دباو پایا جاتا ہے۔ اس مثال میں مزید پرزے متوازی جوڑتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تمام متوازی جڑے پرزوں پر یکسال دباو پایا جاتا ہے۔



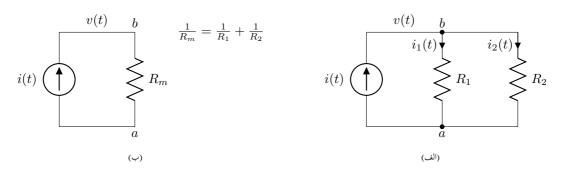
$$-v_1(t) + v_2(t) + \dots + v_k(t) = v_s(t) + \dots + R_n$$

$$(\varphi)$$

شكل 2.24: متعدد منبع اور متعدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہيں۔



شکل 2.25: متوازی جڑے پرزوں پر یکساں دباو پایا جاتا ہے



شکل 2.26: متوازی جڑے مزاحمت کا مساوی مزاحمت.

2.8 تقسيم رو

شکل 2.26-الف میں منبع رو i(t) کے متوازی دوعدد مزاحمت جڑے ہیں۔رو i(t) متوازی جڑے مزاحمت سے گزرتی ہے جس سے اوہم کے قانون کے تحت مزاحمت پر دباو v(t) پیدا ہوگا۔جوڑ v(t) میں رو v(t) اور مزاحمت v(t) میں رو v(t) پیدا ہوگا۔جوڑ v(t) میں رو رکھتے ہیں۔

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t)$$

مزاحمتوں کے لئے قانون اوہم سے

$$(2.44) i_1(t) = \frac{v(t)}{R_1}$$

(2.45)
$$i_2(t) = \frac{v(t)}{R_2}$$

لکھا جا سکتا ہے۔ درج بالا تین مساوات کے ملاپ سے

(2.46)
$$i(t) = \frac{v(t)}{R_1} + \frac{v(t)}{R_2} \\ = \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v(t)$$

لکھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں قوسین میں بند قیمت کو

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

لکھتے ہوئے

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_{m}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.26-ب سے یہی مساوات ککھی جا سکتی ہے۔ متوازی جڑے مزاحمتوں کی مساوی مزاحمت مساوات 2.47 سے حاصل ہوتی ہے۔

مساوات 2.44 کے پہلی مساوات کو مساوات 2.44 سے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{i_1(t)}{i(t)} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$(2.49) i_1(t) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} i(t)$$

لکھا جا سکتا ہے۔اسی طرح مساوات 2.44 کے دوسری مساوات کو مساوات 2.44 سے تقسیم کرتے ہوئے

$$(2.50) i_2(t) = \frac{R_1}{R_1 + R_2} i(t)$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 2.49 اور مساوات 2.50 تقسیم رو کے مساوات ہیں۔

مثال 2.12: شکل 2.26 میں $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=6\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور $i(t)=8\,\mathrm{mA}$ بیں۔مزاحمت $R_2=6\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ مثال 2.12: شکل 2.26 میں۔ کل متوازی مزاحمت دریافت کریں۔

حل:مساوات 2.49 سے

$$i_1(t) = \left(\frac{6000}{2000 + 6000}\right) \times 8 \times 10^{-3} = 6 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے جبکہ مساوات 2.50سے

$$i_2(t) = \left(\frac{2000}{2000 + 6000}\right) \times 8 \times 10^{-3} = 2 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہی جواب بالائی جوڑ پر کر چاف قانون رو

$$8 \,\mathrm{mA} = 6 \,\mathrm{mA} + i_2(t)$$

لعيني

$$i_2(2) = 8 \,\mathrm{mA} - 6 \,\mathrm{mA} = 2 \,\mathrm{mA}$$

سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔کل متوازی مزاحمت

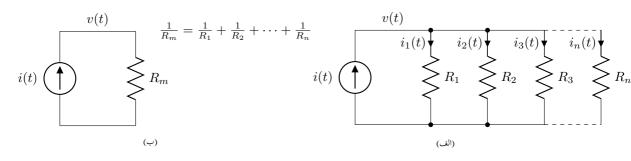
$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{2000} + \frac{1}{6000} = \frac{1}{1500}$$

سے

$$R_m = 1.5 \,\mathrm{k}\Omega$$

حاصل ہوتا ہے۔

اس مثال سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ متوازی جڑے مزاحمتوں میں کم قیت کے مزاحمت میں زیادہ رو پائی جاتی ہے۔آپ کو یاد ہو گا کہ سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں میں تقسیم دباوکے تحت زیادہ قیت کے مزاحمت پر زیادہ دباو پایا جاتا ہے۔



شکل 2.27: متعدد متوازی جڑے مزاحمت کا مساوی مزاحمت.

$$i(t)=i_1(t)+i_2(t)+i_3(t)+\cdots+i_n(t)$$
 $i_1(t)=rac{v(t)}{R_1}$ $i_2(t)=rac{v(t)}{R_2}$ $i_3(t)=rac{v(t)}{R_3}$ $i_3(t)=rac{v(t)}{R_3}$ $i_3(t)=rac{v(t)}{R_3}$ $i_3(t)=rac{v(t)}{R_3}$

(2.51)
$$i(t) = \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_n}\right) v(t)$$

حاصل ہوتاہے جس میں

$$(2.52)$$
 متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت $\frac{1}{R_m} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_n}$

پر کرنے سے

یا

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_{vv}}$$

کھھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.27-ب سے بھی یہی مساوات حاصل ہوتی ہے لہٰذا شکل-الف اور شکل-ب مساوی ادوار ہیں۔مساوات 2.52 متعدد متوازی جڑے۔ مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت R_m دیتی ہے۔

مثال 2.13: شکل 2.27-الف میں تین عدد مزاحت استعال ہوتے ہیں۔ان کی قیمتیں $4\,\mathrm{k}\Omega$ ، $2\,\mathrm{k}\Omega$ اور $5\,\mathrm{k}\Omega$ ہیں۔ منبغ رو v(t) ہے۔مساوی متوازی مزاحمت R_m حاصل کریں۔ دباو v(t) حاصل کرتے ہوئے تمام مزاحمتوں میں روحاصل کریں۔ منبغ کی طاقت اور مزاحمتوں میں طاقت کا ضیاع بھی دریافت کریں۔

2.8. تقسيم رو

جوابات: مساوی مزاحمت پہلے حاصل کرتے ہیں۔مساوات 2.52 سے

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{2000} + \frac{1}{4000} + \frac{1}{5000} = \frac{19}{20000}$$

لعيني

$$R_m = \frac{20}{19} \, \mathrm{k}\Omega$$

حاصل ہوتا ہے۔ شکل 2.27-ب سے

$$v(t) = 15 \times 10^{-3} \times \frac{20000}{19} \approx 15.7895 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں شکل-الف سے رو درج ذیل حاصل ہوتے ہیں جہاں سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ $i_1(t)+i_2(t)+i_3(t)$ عین منبع کی رو کے برابر ہے۔

$$i_1(t) = \frac{15.7895}{2000} = 7.89 \text{ mA}$$

 $i_2(t) = \frac{15.7895}{4000} = 3.95 \text{ mA}$
 $i_3(t) = \frac{15.7895}{5000} = 3.16 \text{ mA}$

منبع کی طاقت

$$p_{\rm pi} = 15.7895 \times (-15 \times 10^{-3}) = -236.8 \,\mathrm{mW}$$

جبکه مزاحمتوں کی طاقت

$$p_{2 \text{k}\Omega} = 15.7895 \times 7.89 \times 10^{-3} = 124.58 \text{ mW}$$

 $p_{4 \text{k}\Omega} = 15.7895 \times 3.95 \times 10^{-3} = 62.37 \text{ mW}$
 $p_{5 \text{k}\Omega} = 15.7895 \times 3.16 \times 10^{-3} = 49.89 \text{ mW}$

حاصل ہوتے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ پیدا کردہ طاقت اور طاقت کا ضیاع برابر ہیں۔ متوازی جڑے مزاحمت میں زیادہ قیمت کے مزاحمت میں کم برقی رو پائی جاتی ہے اور اس میں طاقت کا ضیاع بھی کم ہوتا ہے۔