برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/(a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا ر قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	(```	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								مليه وا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•				او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								مليه وا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	زراز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(تعمار	والمع	د با	\dot{c}	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی) برق گیراو	6
ر من بر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر میں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہو		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعادی اداماله کیر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۰ میں اور در میں میں ہوتات کی میں میں تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

عـــنوان V

295																													(.1		£	. [μ	۶		7	2 1				
321																																								7.3		
328																																								7.4		
320	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	١١.	ن اد و	زود (۱۰	,	/ . 1		
359																																					ق رو	ت بر ^ل	مالر	برقراره		8
359																																					عد اد	مخلوط ا	•	8.1		
364																																								8.2		
373																																								8.3		
381																																								8.4		
386	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	تعا	٠.	٠,		٠,	٠, .		٠	•		•	٠ . د	; " "	-	دور ی	,	8.5		
386	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	U	(ی	Ů	ور	ي د	<i>ا</i> اد	ء ا س	<u>'</u> _,	ابير	برن	ور	يرا	اله	ت،ا،	نزاحمه •	•			
396																																								8.6		
409																																								8.7		
419																																								8.8		
424	•																									•						•			. •	يب	ا تراک	تجزياني	7	8.9)	
																																							=			_
443																																								برقرار		9
443																																								9.1		
446 453	•														•											•				٠		:				. •	ماقت	وسطه	1	9.2		
																																								9.3		
463																																								9.4		
472																																					قت	جزوطا	•	9.5		
476																																					ماقت	مخلوطه	•	9.6)	
484																																								9.7	,	
489																																								9.8		
491																																								9.9)	
492																																								9.10		
497																																			- 1					0.11		
49/	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	<i>/</i>) مداه	تفا د		9.11		
499																																					4	د ن	7	مقناطيسح	. 1	Λ
499																																										U
517	•	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	•	•	∻	•	· 	•	^	یہ امالہ سنا	مستر ا مندسر		10.1		
523	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	J	ارم	إكسفا	کا حل تر	í	10.3		
547																																						٠٠	. /	تين د ور	. 1	1
.,																																										. 1
547																																		•			_	-				
553																																										
561																																										
566																																					وجھ	نكونى!	•	11.4		
571																																										
580																																		کی	ر څ	کی	قت	جزوطا		11.6		

585																						(وتعمل	تعدد ی ره	12
596																						(جال	12.1	
598																					ب	إور قطيه	صفر	12.2	
600																			زىي	ی تجر	رد	ن نماتعد	سائر	12.3	
600																		Ы	خطو	بوڈا		12.3	.1		
621			•	•									•									ادوار	تحمكى	12.4	

عـــنوان

باب12

تعددى ردعمل

گزشتہ بابوں میں ہم RLC ادوار کو حل کر چکے ہیں جہاں تعدد غیر متغیر تھی۔اس باب میں تعدد تبدیل کرتے ہوئے ادوار کارد عمل بالمقابل تعدد دیوا جائے گا۔آئیں شروع میں سادہ ترین پرزوں کا تعدد کی رد عمل دیکھیں۔سادہ ترین پرزے مزاحمت، امالہ اور برق گیر ہیں۔تعدد کی رد عمل دیکھتے ہوئے سائن نمااشارات زیر استعال لائے جائیں گے۔

شکل 12.1-الف میں مزاحت د کھایا گیا ہے۔ مزاحت کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.1) Z_R = R/0^\circ$$

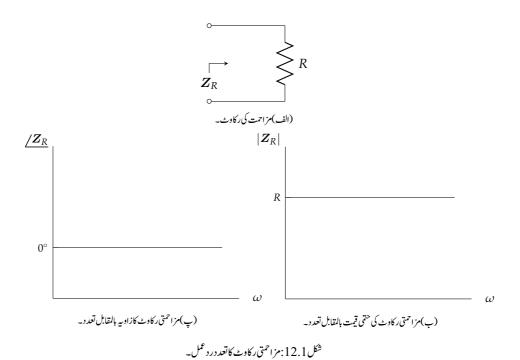
یوں مزاحمت کی رکاوٹ پر تعدد ω کا کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ مزاحمت کے رکاوٹ کی حتمی قیمت $|Z_R|$ تمام تعدد پر صفر درجے رہتا ہے۔ یہ حقائق شکل 12.1-ب اور شکل R کے برابر ہے جبکہ اس کا زاویائی ہٹاو R تعدد پر صفر درجے رہتا ہے۔ یہ حقائق شکل 12.1-ب اور شکل R 12.1-ب اور شکل R 12.1-ب میں دکھائے گئے ہیں۔

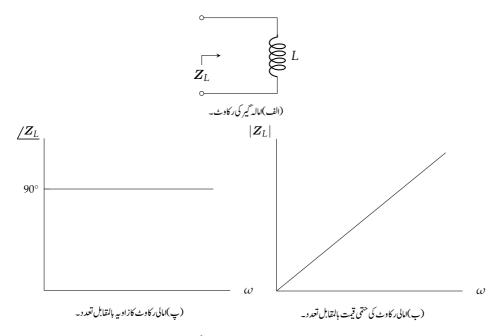
امالہ گیر کو شکل 12.2-الف میں و کھایا گیا ہے۔امالہ گیر کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.2) Z_L = j\omega L = \omega L/90^{\circ}$$

اس طرح امالہ گیر کے رکاوٹ کی حتی قیمت تعدد بڑھانے سے بڑھتی ہے۔رکاوٹ کی مقدار کا تعدد کے ساتھ راست تنابی رشتہ ہے۔

$$|\mathbf{Z}_L| = \omega L$$





شكل 12.2 : امالى ر كاوٹ كاتعد در دغمل ـ

صفر تعدد پر اماله گیر کی رکاوٹ ΩΩ ہو جاتی ہے اور بیہ قصر دور خاصیت رکھتا ہے جبکہ لا متناہی تعدد پر رکاوٹ کی مقدار لا متناہی ہو جاتی ہے اور اماله گیر بطور کھلا دور عمل کرتا ہے۔امالی رکاوٹ کا زاویہ تمام تعدد پر °90 رہتا ہے۔

(12.4)
$$/\mathbf{Z}_{L} = 90^{\circ}$$

شكل 12.2-ب اور شكل 12.2-پ ميں ان حقائق كو د كھايا گيا ہے۔

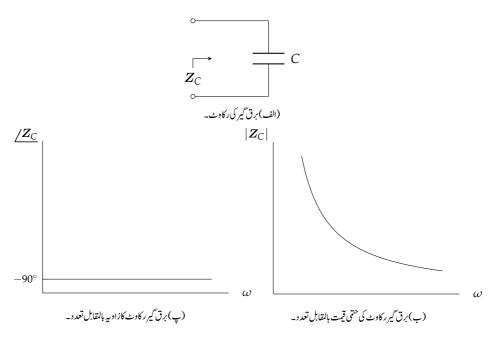
برق گیر کوشکل 12.3-الف میں دکھایا گیا ہے۔ برق گیر کی رکاوٹ درج ذیل ہے۔

$$(12.5) Z_C = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{\omega C} / -90^\circ$$

اس طرح برق گیر کے رکاوٹ کی مقدار کا تعدد کے ساتھ بالعکس متناسب کارشتہ ہے جبکہ اس کا زاویہ تمام تعدد پر °90– رہتا ہے۔

$$|\mathbf{Z}_{\mathsf{C}}| = \frac{1}{\omega \mathsf{C}}$$

$$(12.7) bZ_{\underline{C}} = -90^{\circ}$$

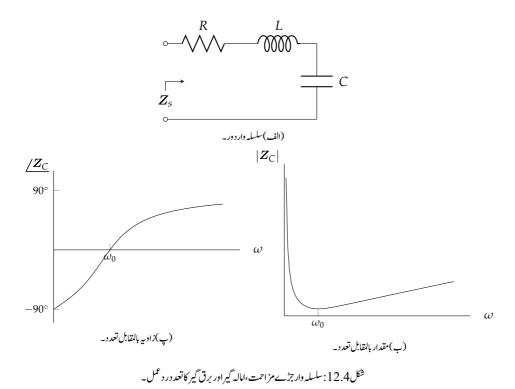


شكل 12.3: برق گيرر كاوٺ كاتعد در دعمل ـ

ان تعلقات کو شکل 12.3-ب اور شکل 12.3-پ میں دکھایا گیا ہے۔ صفر تعدد پر برق گیر کی رکاوٹ لا متناہی ہو جاتی ہے۔ لہذا میہ بطور کھلا دور عمل کرتا ہے جبکہ لا متناہی تعدد پر رکاوٹ کی مقدار صفر ہو جاتی ہے اور میہ قصر دور کردار ادا کرتا ہے۔ سادہ ترین پرزوں کو نیٹانے کے بعد ذرہ مشکل ادوار دکھتے ہیں۔شکل میں مزاحمت، امالہ گیر اور برق گیر سلسلہ وار جڑے دکھائے گئے ہیں۔ان کی کل رکاوٹ چر کھتے ہیں

$$egin{align} oldsymbol{Z}_s &= oldsymbol{Z}_R + oldsymbol{Z}_L + oldsymbol{Z}_C \ &= R + j\omega L + rac{1}{j\omega C} \ &= R + j\left(\omega L - rac{1}{\omega C}
ight) \ &= R + j\left(\omega L - rac{1}{\omega C}
ight) \ &= -12.4$$
اس نفاعل کو شکل 12.4 - ب اور شکل 12.4 - پیس د کھایا گیا ہے۔

مثال 12.1: شکل 12.5-الف میں مزاحت پر دباو حاصل کریں۔اس کے مقدار بالمقابل تعدد اور زاویہ بالمقابل تعدد کے



با__12. تعددي روغمسل

خط کیجیں۔

حل: دور سے مزاحمت کا دباو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{V}_R = \frac{(4)(20\underline{/0^\circ})}{4 + j(2\pi f 0.15 - \frac{1}{2\pi f 0.004})}$$

جو مخلوط نفاعل ہے۔اس کی حتمی مقدار \hat{V}_R بالمقابل تعدد f کو شکل۔ب میں دکھایا گیا ہے۔اس ترسیم میں دونوں محور کی پیائش لاگ 1 میں ہے۔اس طرز کے ترسیم کو لاگ لاگ 2 ترسیم کہا جاتا ہے۔مقدار بالمقابل تعدد کے خط عموماً لاگ V_R بالمقابل تعدد کو شکل۔پ میں نیم لاگ 3 محور پر دکھایا گیا ہے۔ کم تعدد پر دباو کا زاویہ V_R جبکہ بلند تعدد پر زاویہ V_R ہے۔

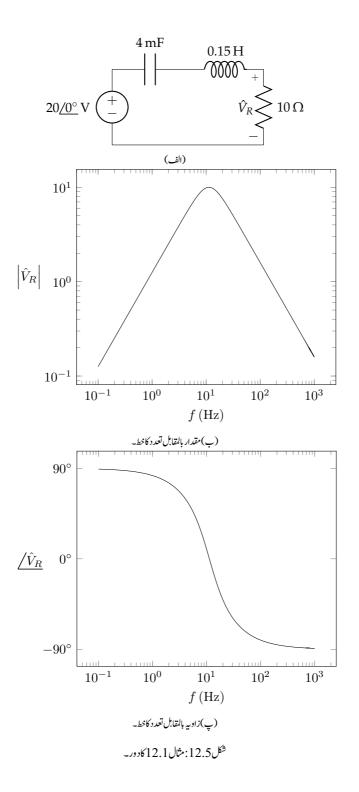
یہاں لاگ لاگ اور نیم لاگ محور پر قیمتیں پڑھنا سکھ لیس چونکہ اس باب میں انہیں کا استعال ہو گا۔یوں شکل 12.5-ب میں حتمی مقدار کی چوٹی 10¹ یعنی دس ہر ٹز پر پائی جاتی ہے۔یہ چوٹی 10¹ یعنی دس وولٹ کو ظاہر کرتی ہے۔اس طرح 10² Hz یعنی سوہر ٹز پر دباو تقریباً 1.6 V ہے۔

سمعی 4 اشارات کو عددی صورت 5 میں تبدیل کرتے ہوئے کمپیوٹر میں ذخیرہ کیا جاتا ہے۔ انہیں کو دوبارہ مماثل صورت 6 میں تبدیل کرتے ہوئے سنا جا سکتا ہے۔ آئیں ان اشارات پر ایک مثال دیکھیں۔

کمپیوٹر سے حاصل موسیقی کے مماثلی اشارات کی چوٹی $1.5\,\mathrm{V}$ ہے۔ ہم چاہتے ہیں کہ سمعی دباو ایمپلیفائو 7 استعال کرتے ہوئے Ω 8 Ω کے سپیکو 8 کو VOW طاقت فراہم کی جائے۔ان حقاکق سے ایمپلیفائر کے داخلی مماثل اشارہ کی موثر قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$v_m = \frac{1.5}{\sqrt{2}} = 1.061 \,\text{V rms}$$

log-log²
semilog³
audio⁴
digital form⁵
analog form⁶
voltage amplifier⁷
loud speaker⁸



باب<u>.</u>12. تعبد دي ارد عمس ال

طاقت کے کلیے $P=rac{V_{
m rms}^2}{R}$ سے آٹھ او ہم کے سپیکر کو دس واٹ طاقت کے لئے درکار موثر دباو حاصل کرتے ہیں۔ $v_0=\sqrt{(10)(8)}=8.944\,{
m V\,rms}$

یوں ایمپلیفائر کی در کار افٹرائش دباو درج ذیل ہے۔

$$A_v = \frac{v_0}{v_m} = \frac{8.944}{1.061} = 8.43 \,\mathrm{V} \,\mathrm{V}^{-1}$$

 $A_v = 10.6$ شکل 12.6 الف میں ایمپلیفائر اور سپیکر دکھائے گئے ہیں جہاں v_m کمپیوٹر سے حاصل مماثل سمعی اشارہ ہے اور v_m 10.53 V V تعددی v_m 10.53 V V تا 10.53 V کے سمعی اشارات من سکتا ہے لہٰذا ہمارے ایمپلیفائر کو اس تعددی پٹی و کے اشارات کا حیطہ بڑھاتے ہوئے اصل آواز کی خاصیت تبدیل نہیں ہونی چاہیے۔ اگر پوری تعددی پٹی پر اکمپلیفائر کی افغرائش کی قیمت بکساں ہو تب آواز کی خاصیت بر قرار رہے گی۔ یوں ہم چاہیں گے 20 KHz تا 20 Hz پٹی ایمپلیفائر کی افغرائش بالقابل تعددی خط کو شکل - پ میں دکھایا گیا ہے۔ پر ایمپلیفائر کی افغرائش بالقابل تعددی خط کو شکل - پ میں دکھایا گیا ہے۔

برق گیر کی رکاوٹ $Z_C = \frac{1}{i\omega C}$ کھی جاتی ہے جس میں $i\omega = s$ پر کرتے ہوئے $i\omega = s$ کھا جا سکتا ہے۔ ایسا ہی کرتے ہوئے ایمپلیفائر کو دوبارہ شکل پ میں وکھایا گیا ہے۔ آپ میں سے پچھ طلبہ $i\omega$ کو پیچان گئے ہوں گے۔ یہ لاپلاس بدل $i\omega$ کا متغیرہ ہے۔

آئیں شکل-ب کو حل کریں۔داخلی جانب بالائی جوڑ پر کرخوف مساوات رو کھتے ہیں

$$\frac{v_i - v_m}{R_m} + sC_iv_i + \frac{v_i}{R_i} = 0$$

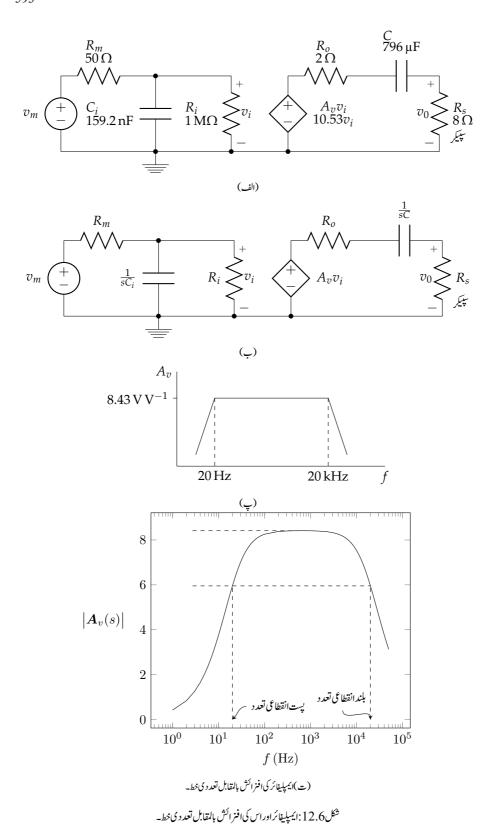
جس کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_i\left(\frac{1}{R_m} + sC_i + \frac{1}{R_i}\right) = \frac{v_m}{R_m}$$

اس میں قوسین کے اندر مزاحمتوں کو قریب قریب کھتے ہوئے v_i کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$v_i = \frac{v_m}{R_m \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i} + sC_i\right)}$$

frequency band⁹ Laplace transform¹⁰



ىا__12. تىسەدى دوغمسل 594

شکل 12.6-ب کے دائیں جانب تقسیم دباو کے کلیے سے v_0 کلھتے ہیں۔

$$v_0 = \frac{A_v v_i R_s}{R_o + R_s + \frac{1}{sC}}$$

اس میں v_i کی قیمت پر کرتے ہیں

$$\begin{split} v_{0} &= \left(\frac{A_{v}R_{s}}{R_{o} + R_{s} + \frac{1}{sC}}\right) \frac{v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}} + sC_{i}\right)} \\ &= \left[\frac{sCR_{s}A_{v}}{1 + sC(R_{o} + R_{s})}\right] \frac{v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}\right) \left(1 + \frac{sC_{i}}{\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}}\right)} \\ &= \frac{R_{s}A_{v}v_{m}}{R_{m} \left(\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}\right)} \left[\frac{sC}{1 + sC(R_{o} + R_{s})}\right] \frac{1}{\left(1 + \frac{sC_{i}}{\frac{1}{R_{m}} + \frac{1}{R_{i}}}\right)} \end{split}$$

جہاں دوسری قدم پر دائیں مجلی قوسین سے $\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i}$ بہر نکالا گیا اور تیسری قدم پر اسی کو پہلی قوسین کا حصہ بنایا گیا۔اس مساوات میں

$$\omega_{p1} = \frac{1}{C(R_o + R_s)}$$
$$\omega_{p2} = \frac{1}{C_i} \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i} \right)$$

کھتے ہوئے درج ذیل صاف ستھرا مساوات حاصل ہوتا ہے جہاں ω_{p1} اور ω_{p2} مساوات کے قطب 11 کہلاتے ہیں اور انہیں تعدد کی اکائی یعنی ہرٹز Hz یاریڈیئن فی سیکنڈ $\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ میں نایا جاتا ہے۔

(12.8)
$$\mathbf{A}_{v}(s) = \frac{v_0}{v_m} = \frac{R_s A_v}{R_m \left(\frac{1}{R_m} + \frac{1}{R_i}\right)} \frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{\omega_{p1}}\right) \left(1 + \frac{s}{\omega_{p2}}\right)}$$

 $pole^{11}$

$$\omega_{p1}=rac{1}{796 imes 10^{-6}(2+8)}=125.63\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$$

$$\omega_{p2}=rac{1}{159.2 imes 10^{-9}}\left(rac{1}{50}+rac{1}{1000000}
ight)=125.634\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$$

$$rac{R_sA_v}{R_m\left(rac{1}{R_m}+rac{1}{R_i}
ight)}=rac{8 imes 10.53}{50\left(rac{1}{50}+rac{1}{1000000}
ight)}pprox 84.2$$

یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(12.9)
$$A_{v}(s) = 84.2 \frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{125.63}\right) \left(1 + \frac{s}{125634}\right)}$$

$$-\frac{sC}{\left(1 + \frac{s}{125.63}\right) \left(1 + \frac{s}{125634}\right)}$$

$$A_{v}(s) = 84.2 \frac{j2\pi f \times 796 \times 10^{-6}}{\left(1 + \frac{j2\pi f}{125.63}\right) \left(1 + \frac{j2\pi f}{125634}\right)}$$

$$= \frac{j0.421f}{\left(1 + \frac{jf}{20}\right) \left(1 + \frac{jf}{20000}\right)}$$

$$-\frac{j0.421f}{\left(1 + \frac{jf}{20}\right) \left(1 + \frac{jf}{20000}\right)}$$

$$|A_{v}(s)| = \frac{0.421f}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{20}\right)^{2}} \sqrt{1 + \left(\frac{f}{20000}\right)^{2}}}$$

شکل-ب میں $20\,\mathrm{Hz}$ کو پست انقطاعی تعدد 12 اور $20\,\mathrm{kHz}$ کو بلند انقطاعی تعدد 13 کی تعدد 14 کی تعدد 14 کی تعدد 14 کی تعدد 14 کی تعدد

شکل 12.6-ت میں انقطاعی تعدد کے مابین درمیانی تعدد خطے 15 میں ایمپلیفائر کی افنرائش 8.41 V V - بے جو ہمیں درکار تھی۔اس کو درمیانی تعدد پر افنرائش کہتے ہیں۔البتہ انقطاعی تعدد کے قریب ایمپلیفائر کی افنرائش گھٹ جاتی

low cut-off frequency¹²

high cut-off frequency¹³

corner frequencies¹⁴

mid-frequency range¹⁵

با___12. تعبد دې د د عمسل 596

ہے۔ یوں بیت اور بلند انقطاعی تعدد پر افغرائش V^{-1} 5.95 V ہے۔ جس تعدد پر افغرائش کی قیت در میانی تعدد کے افنرائش کے $\frac{1}{\sqrt{2}}$ گنارہ جاتی ہے اس کو انقطاعی تعدد کہتے ہیں۔ چونکہ طاقت $P=rac{V_{
m rms}^2}{\sqrt{2}}$ کے برابر ہے لہذا دباو کی قیت $\frac{1}{\sqrt{2}}$ گنا ہو جانے سے طاقت کی قیمت نصف ہو جاتی ہے۔ یوں انقطاعی تعدد اس تعدد کو کہتے ہیں جس پر اشارے کی 8.4 imes 1 گنا 0.4 imes 1 طاقت نصف رہ جاتی ہے۔ ہمارے ایمپلیفائر کی در میانی تعدد پر افزائش $\frac{1}{\sqrt{2}} = 5.95 \,\mathrm{V} \,\mathrm{V}^{-1}$

حقیقت میں یرزوں کی قیمتیں یوں رکھی جائیں گی کہ پت انقطاعی تعدد 20 Hz سے کئی گنا کم ہو اور اسی طرح بلند انقطاعی تعدد 20 kHz سے کئی گنا زیادہ ہو۔ یوں حقیقی ایمیلیغائر میں آپ انقطاعی تعدد کو 2 Hz اور 200 kHz ر کھیں گے تا کہ پوری تعددی پٹی پر ایمیلیفائر سے در کار افنر اکش میسر ہو۔

> مساوات 12.10 میں در ممانی تعددی پٹی پر انقطاعی تعدد سے دور تعدد $20 \,\mathrm{Hz} \ll f \ll 20\,000 \,\mathrm{Hz}$

 $1+rac{jf}{20}=rac{jf}{20}$ اور $1=rac{f}{20}\gg 1$ ہو گا۔ یوں مساوات 12.10 کے بائیں قوسین میں $\frac{f}{20000}\ll 1$ اور دائیں قوسین میں $1+rac{jf}{20000}=1$ کصتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے جو در میانی تعدد پر افٹر اکش ہے۔

$$\mathbf{A}_v(s) \approx \frac{j0.421f}{\left(\frac{jf}{20}\right)(1)} = 8.42$$
 (20 Hz $\ll f \ll 20$ kHz)

12.1

کسی بھی دور میں متعدد پرزے اور تاریائے جاتے ہیں جسے پرزوں اور تاروں کا حال تصور کیا جا سکتا ہے۔یوں دور کو بوقی جال یا صرف جال 16 بھی کہا جاتا ہے۔ گزشتہ جھے میں ایمیلیفائر کی افغرائش دیاو ($A_n(s)$ کی بات کی گئی جو حال کے مختلف تفاعل H(s) میں سے ایک ہے۔ حال میں کسی مقام پر ردعمل اور داخلی اشارے کی تناسب کو H(s) کھھا جاتا ہے۔ چونکہ حال میں عموماً روعمل کو اس مقام پر نہیں نایا جاتا جس پر داخلی اشارہ لا گو کیا گیا ہو للذا (K کو تبادیی تفاعل¹⁷ کہا جاتا ہے۔ داخلی اشارہ دیاویارو کا ہو سکتا ہے۔اسی طرح ردعمل بھی دیاویارو کی صورت میں ممکن ہے لہذا تبادلی تفاعل کے جار اقسام مکنہ پائے جاتے ہیں جنہیں حدول 12.1 میں پیش کیا گیا ہے۔

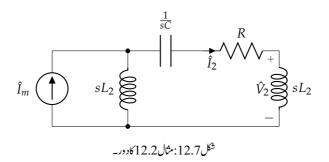
network¹⁶

 $transfer function^{17}$

12.1 بال

جدول 12.1: جال کے تبادلی تفاعل

علامت	تباولى تفاعل	خارجی	داخلی
$A_v(s)$	افنرائش دباو	وباو	د باو
$A_i(s)$	افنرائش رو	رو	رو
$A_g(s)$	موصل نماا فنرائش	رو	د باو
$\mathbf{A}_r(s)$	د باونماافنرائش	د باو	رو



باب.12. تعبد دي روغمسال

جس سے مزاحمت نماافنرائش لکھتے ہیں۔

$$A_r(s) = \frac{\hat{V}_2}{\hat{I}_m} = \frac{s^3 L_1 L_2 C}{s^2 (L_1 + L_2) C + sRC + 1}$$

12.2 صفراور قطب

درج بالا مثال میں ہم نے دیکھا کہ تبادلی نفاعل کو دوسلسلوں کا تناسب $\frac{A(s)}{B(s)}$ کھھا جا سکتا ہے جن کا متغیرہ s ہے۔ چونکہ ادوار میں پرزوں کی قیت اور تابع یا غیر تابع منبع کی قیت حقیقی اعداد ہوتے ہیں لہٰذا ان سلسلوں کے سر حقیقی اعداد ہوں گے۔ یوں کسی بھی جال کا تبادلی نفاعل درج ذیل کھھا جا سکتا ہے

(12.11)
$$H(s) = \frac{A(s)}{B(s)} = \frac{a_m s^m + a_{m-1} s^{m-1} + \dots + a_2 s^2 + a_1 s + a_0}{b_n s^n + b_{n-1} s^{n-1} + \dots + b_2 s^2 + b_1 s + b_0}$$

جہاں شار کنندہ کثیر رکنی m درجے کا ہے جبکہ نسب نماکثیر رکنی n درجے کا ہے۔مساوات 12.11 کو بذریعہ تجزی درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(12.12)
$$\mathbf{H}(s) = \frac{K(s+z_1)(s+z_2)\cdots(s+z_m)}{(s+p_1)(s+p_2)\cdots(s+p_n)}$$

 $s=-z_3$ یا $s=-z_2$ یا $s=-z_2$ ہو تب H(s)=0 ہو گا۔ ای طرح اگر $s=-z_1$ یا $s=-z_1$ ہو تو $s=-z_1$ ہو تا $s=-z_1$ ہو تا

zeroes¹⁸

poles¹⁹

 $^{{\}rm complex}\ {\rm conjugate}^{20}$

12.2. صنب راور قطب

ساتھ نہ بدلنے والے نظام کے تبادلی تفاعل کھنے کا انتہائی اہم طریقہ ہے چونکہ اس کے قطبین کو دیکھ کر تفاعل کی خاصیت کے بارے میں جانا جا سکتا ہے۔ایسے نظام کے تبادلی نفاعل کو عموماً اسی صورت میں لکھا جاتا ہے۔

مساوات 12.12 میں شار کنندہ سے z_1 تا z_m اور نسب نما سے p_n تا p_n باہر نکالتے اور ترتیب دیتے ہوئے ذیل ماتا ہے

$$H(s) = \frac{K(z_{1}z_{2}\cdots z_{m})(1+\frac{s}{z_{1}})(1+\frac{s}{z_{2}})\cdots(1+\frac{s}{z_{m}})}{(p_{1}p_{2}\cdots p_{n})(1+\frac{s}{p_{1}})(1+\frac{s}{p_{2}})\cdots(1+\frac{s}{p_{n}})}$$

$$- \frac{K(z_{1}z_{2}\cdots z_{m})}{(p_{1}p_{2}\cdots p_{n})} = K_{0} \quad \text{if } \frac{K(z_{1}z_{2}\cdots z_{m})}{(1+\frac{s}{z_{1}})(1+\frac{s}{z_{2}})\cdots(1+\frac{s}{z_{m}})}$$

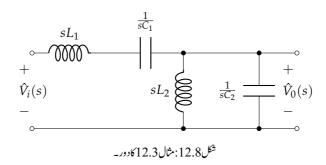
مثق 12.1: شکل 12.6-الف کا تبادلی تفاعل مساوات 12.9 میں دیا گیا ہے۔ اس کے صفر اور قطب دریافت کریں۔ $-p_2=-20\,\mathrm{kHz}$ ، $-p_1=-20\,\mathrm{Hz}$ ، $-z_1=0\,\mathrm{Hz}$.

مثق 12.2: شكل 12.6-الف ميں داخلی اشارے كو در پیش ركاوٹ دريافت كريں۔ $R_m + \frac{R_i}{1+sR_iC_i}$ جواب:

مثق 12.3: شكل 12.8 مين تبادلى تفاعل $\frac{\hat{V}_0(s)}{\hat{V}_i(s)}$ حاصل كرير- جواب:

$$\frac{\hat{V}_0(s)}{\hat{V}_i(s)} = \frac{s^2 L_2 C_1}{s^4 L_1 L_2 C_1 C_2 + s^2 (L_1 C_1 + L_2 C_2 + L_2 C_1) + 1}$$

پا<u>ب 1</u>2. تعبد دي رو^{عمب} ل



12.3 سائن نماتعددي تجزيه

بعض او قات ہم جال کو کسی مخصوص تعدد پر چلاتے ہیں۔اس کی مثال 50 Hz پر چلنے والا واپڈا کا نظام ہے۔اس کے برعکس کئی ادوار بدلتی تعدد پر استعال کئے جاتے ہیں۔ سمعی ایمپلیفائر ایسادور ہے جو 20 Hz تا 20 kHz کے تعدد پر چلایا جاتا ہے۔ہم یہاں ادوار کی کار کردگی بالمقابل تعدد میں دلچین رکھتے ہیں۔ تبادلی تفاعل مخلوط عدد ہے المذااس کو زاویائی طرز میں لکھا جا سکتا ہے

(12.14)
$$\boldsymbol{H}(\omega) = |\boldsymbol{H}(\omega)| e^{j\phi(\omega)}$$

جہاں حتی مقدار کا تفاعل $|H(\omega)|$ اور زاویائی تفاعل $\phi(\omega)$ دونوں تعدد پر منحصر ہیں۔ حتی مقدار بالمقابل تعدد کے خط کو مقداری خصلت 22 کہتے ہیں۔

12.3.1 بوڈاخطوط

magnitude characteristic²¹
phase characteristic²²
Bode plots²³

²⁴ ہیٹررک واڈ بوڈانے اس طرز کو دریافت کیا۔ frequency dependent 25

ے عمودی محور کی پیاکش ڈیسسی بیل 26 dB میں کی جاتی ہے۔ڈیسی بیل کو بنیادی طور پر آواز کے طاقت کی تناسب ناپ کے لئے استعال کیا جاتا تھا جہاں دو طاقتوں کے تناسب کے لاگ $\frac{P_2}{P_1}$ log₁₀ کو بیل 27 میں ناپا جاتا تھا۔ جیسے ایک میٹر 1 m میں دس ڈیسی میٹر 10 dm ہوتے ہیں المذا ڈیسی بیل میں دس ڈیسی بیل ہوتے ہیں المذا ڈیسی بیل کا کید درج ذیل لکھا جائے گا۔

(12.15)
$$\frac{P_2}{P_1}$$
 تناسب کی پیاکش $10\log_{10}\frac{P_2}{P_1}$

اگر دونوں طاقت یکسال قیمت کے مزاحمت R کو مہیا کی جائے تب $P=I^2R$ اور $P=\frac{V^2}{R}$ استعمال کرتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\hat{\mathcal{I}}_{2} \hat{\mathcal{I}}_{2} \hat{$$

مساوات 12.16 میں دیے ڈلین بیل کے کلیے اتنے مقبول ہوئے ہیں کہ غیر یکسال مزاحمت کی صورت میں بھی دباو کی تناسب یاروکی تناسب کو انہیں کلیوں سے ڈلین بیل میں ناپا جاتا ہے۔

مثق 12.4: ایک ایمپلیفائر کو $P_i=10\,\mathrm{mW}$ طاقت کا داخلی اثنارہ فراہم کیا جاتا ہے جبکہ ایمپلیفائر خارجی جانب سپیکر کو $A_p=\frac{P_o}{P_i}$ طاقت فراہم کرتا ہے۔ ایمپلیفائر کی افغرائش طاقت $A_p=\frac{P_o}{P_i}$ کو ڈیسی میں حاصل کریں۔ جواب: $A_p=31.76\,\mathrm{dB}$

 $A_v = 22\,\mathrm{V}\,\mathrm{V}^{-1}$ مثق 12.5: ایک ایمپلیفائر کی افنرائش د باو $A_v = 22\,\mathrm{V}\,\mathrm{V}^{-1}$ ہے۔اس کی افنرائش د باو کو ڈلیمی بیل میں لکھیں۔ $\mathrm{decibel^{26}}$ Bell²⁷

 $A_v = 26.85 \, \mathrm{dB}$:واب

مثق 12.6: سلسلہ وار جڑے Ω 414 اور Ω 1000 مزاممتوں کو rms کا داخلی اشارہ مہیا کیا جاتا ہے جبکہ $\hat{V}_i=100$ پر خارجی اشارہ \hat{V}_0 ناپا جاتا ہے۔ جال کی افغرائش دباو کو ڈیسی بیل میں دریافت کریں۔

جواب:خارجی دباو $\hat{V}_0 = \frac{100 \times 1000}{1000 + 414} = 70.72 \, \text{V rms}$ جواب:خارجی دباو کے $\hat{V}_0 = \frac{100 \times 1000}{1000 + 414} = 70.72 \, \text{V rms}$ گنارہ جاتی ہے جو $-3 \, \text{dB}$ گنارہ ہوگی ہے جو $-3 \, \text{dB}$ گنارہ جاتی ہے جو $-3 \, \text{dB}$ گنارہ جو رہے ہے جو $-3 \, \text{dB}$ گنارہ جو رہے ہے ہے جو رہے ہے جو رہے

بوڈا مقداری خط کھینچنا چند مثالوں سے سکھتے ہیں۔ پہلی مثال میں تبادلی تفاعل درج ذیل لیتے ہیں جس میں ایک عدد صفر پایا جاتا ہے۔

(12.17)
$$\mathbf{H}(\omega) = K(j\omega + z_1)$$

اس کو ترتیب دیتے ہوئے معیاری شکل میں لکھتے ہیں جہال دوسری قدم پر $Kz_1=K_0$ کھھا گیا ہے۔

(12.18)
$$H(\omega) = Kz_1 \left(1 + j \frac{\omega}{z_1} \right)$$
$$= K_0 \left(1 + j \frac{\omega}{z_1} \right)$$

اس کی حتمی قیمت

$$|\mathbf{H}(\omega)| = K_0 \sqrt{1 + \frac{\omega^2}{z_1^2}}$$

 $20\log_{10}|\boldsymbol{H}(\omega)|$ کا

(12.20)
$$20\log_{10}|\boldsymbol{H}(\omega)| = 20\log_{10}K_0 + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{z_1^2}}$$

-2 کا استعال کیا گیا ہے۔ $\log_{10} xy = \log_{10} x + \log_{10} y$

مساوات 12.20 پر غور کریں۔اس کا پہلا جزوایک مستقل ہے جو تعدد پر منحصر نہیں ہے۔اس کو شکل 12.9-الف میں دکھایا گیا ہے۔مساوات کے دوسرے جزو کو دو مختلف تعدد کے پٹیوں پر دیکھتے ہیں۔ا گر تعدد کی قیمت z_1 ہے بہت کم ہو لیخن z_1 ہو گالہذا دوسرے جزو میں $\frac{\omega^2}{z_1^2}$ کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے دوسرا جزو درج ذیل کھا جا سکتا ہے جہاں z_1 کا استعمال کیا گیا ہے۔

$$20\log_{10}\sqrt{1+\frac{\omega^2}{z_1^2}}\approx 20\log_{10}\sqrt{1+0}=0\,\mathrm{dB}$$

 $\omega=\frac{z_1}{100}$ پر a ہے۔ ہوت کم تعدد پر دوسرا جزو a کی برابر ہو گا۔ نقطہ a پر a ہیں a ہیں ہوت کہ تعدد پر دوسرا جزو صفر ڈلی بیل د کھایا گیا ہے۔ اس نقطہ کی نشاند ہی دائرے سے کی گئی ہے۔ اس طرح نقطہ a پر a ہیں ہوتھ کے برابر ہے۔ a ہیں ہوتھ کے برابر ہے۔ a ہیں ہوتھ کے برابر ہے۔

آئیں اب مساوات 12.20 کے دوسرے جزو کو z_1 سے بہت زیادہ تعدد پر دیکھیں۔اگر $w\gg z_1$ ہو تب اس جزو میں $w\gg z_1$ میں $w\gg z_1$ ہو گالمذااس کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

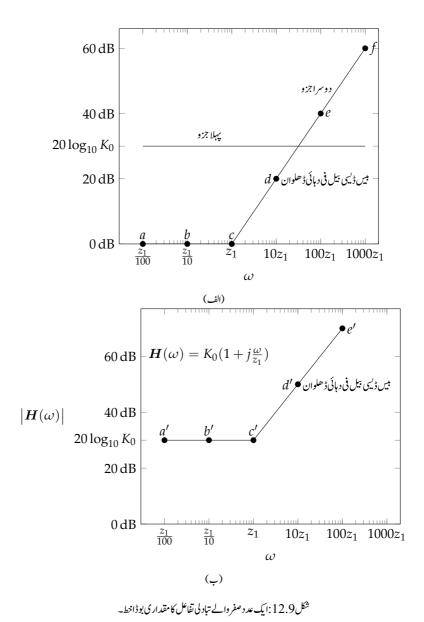
$$20\log_{10}\sqrt{1+\frac{\omega^2}{z_1^2}}\approx 20\log_{10}\sqrt{\frac{\omega^2}{z_1^2}}=20\log_{10}\frac{\omega}{z_1}$$

 $\omega = z_1$ بر $\omega = z_1$ بر

$$20 \log_{10} \frac{\omega}{z_1} = 20 \log_{10} \frac{z_1}{z_1} = 20 \log_{10} 1 = 0 \, dB$$

اور $\omega=10$ پ

$$20\log_{10}\frac{\omega}{z_1} = 20\log_{10}\frac{10z_1}{z_1} = 20\log_{10}10 = 20\,\mathrm{dB}$$



e وس گنا بڑھانے $\omega=100$ ہو جاتی ہے جس سے نقطہ $\omega=100$ بڑھ کر $\omega=100$ ہو جاتی ہے جس سے نقطہ $\omega=100$ ہوتا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ $\omega=z_1$ تعدد سے نثر وع ہوتے اس خط کی ڈھلوان ہیں ڈلیم بیل فی دہائی کے برابر ہے۔

مساوات 12.20 کے اجزاء کا مجموعہ لیتے ہوئے شکل 12.9-ب حاصل ہوتا ہے۔ شکل-الف میں $\omega=\frac{z_1}{100}$ تعدد پر پہلا جزد 0 اور دوسرا جزو 0 dB کے برابر ہوگا جے پہلا جزد 0 db اور دوسرا جزو 0 db کے برابر ہوگا جے شکل-ب میں نقطہ 0 د کھایا گیا ہے۔ اس طرح بقایا تعدد پر مجموعہ لیتے ہوئے 0 ' 0 ' ور ' 0 اور ' 0 نقطے حاصل کئے جاتے ہیں۔

شکل 12.9-ب کو دیکھتے ہوئے درج بالا تمام قصے کا نچوڑ ہیہ ہے۔ صفر تعدد سے z_1 تعدد تک مساوات 12.18 کے تباد لی تفاعل کی مقدار ہیں ڈلی بیل فی دہائی بڑھنے شروع ہو جاتی تفاعل کی مقدار K_0 مقدار ہیں ڈلی بیل فی دہائی بڑھنے شروع ہو جاتی ہو اور مسلسل اسی شرح سے بڑھتی ہے۔ یول مساوات 12.20 سے K_0 اور K_0 حاصل کرتے ہوئے مقداری بوڈاخط کھنجا جا سکتا ہے۔

شکل 12.10 میں مساوات 12.20 کے دوسرے جزو $\frac{\omega^2}{z_1^2}$ 20 $\log_{10}\sqrt{1+\frac{\omega^2}{z_1^2}}$ ورساتھ 12.20 میں کھینچا گیا ہے اور ساتھ ہی اس کا بوڈا خط گہری سیاہی میں دکھایا گیا ہے۔آئیں دونوں کی قیمتیں کونے پر حاصل کریں۔کونا $\omega=z_1$ پر پایا جاتا ہے جس پر اس جزو کی اصل قیمت درج ذیل ہے

(12.21)
$$20 \log_{10} \sqrt{1 + \frac{\omega^2}{z_1^2}} = 20 \log_{10} \sqrt{1 + \frac{z_1^2}{z_1^2}} = 20 \log_{10} \sqrt{2} = 3 \, dB$$

جبکہ بوڈا خط کی قیمت اس تعدد پر $0~\mathrm{dB}$ ہے۔ یوں بوڈا خط کے قیمت میں کونے پر $3~\mathrm{dB}$ کا خلل پایا جاتا ہے جو بوڈا خط اور اصل تفاعل کے قیمت میں زیادہ نرق ہے۔ شکل 12.10 میں اس خلل کی وضاحت کی گئی ہے۔ اس شکل میں ہیں جب وی اید میں اس خلل کی وضاحت کی گئی ہے۔ اس شکل میں ہیں جب وی میں اس تفاعل اور سے جب کے کہ کونے سے دس گنا کم تعدد $\omega = \frac{z_1}{10}$ یادس گنا زیادہ تعدد $\omega = 10z_1$ پر اصل تفاعل اور بوڈا خط میں فرق قابل نظر انداز ہوتا ہے۔

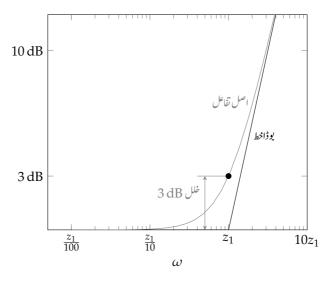
آئیں اب ورج ذیل تبادلی تفاعل لیتے ہیں جس میں ایک قطب پایا جاتا ہے۔

(12.22)
$$\boldsymbol{H}(\omega) = \frac{K}{j\omega + p_1}$$

اس کو ترتیب دے کر لکھتے ہیں جہاں $\frac{K}{p_1}=K_0$ کھھا گیا ہے۔

(12.23)
$$\boldsymbol{H}(\omega) = \frac{K}{p_1 \left(1 + j\frac{\omega}{p_1}\right)} = \frac{K_0}{1 + j\frac{\omega}{p_1}}$$

باب.12. تعبد دي رو^{عمب} ل



شكل 12.10: كونے پر بوڈانط میں dB خلل پایاجاتاہے۔

س کی حتمی قیمت حاصل کرتے ہیں

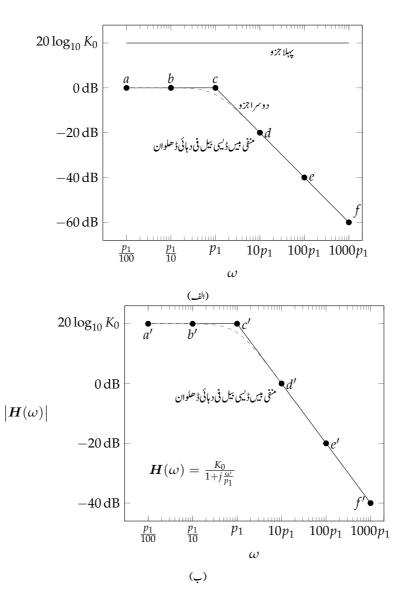
(12.24)
$$\left| \boldsymbol{H}(\omega) \right| = \frac{K_0}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{p_1^2}}}$$

جس کو $|H(\omega)|$ صورت میں لکھتے ہیں $|H(\omega)|$

(12.25)
$$20\log_{10}|\boldsymbol{H}(\omega)| = 20\log_{10}K_0 - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{p_1^2}}$$

جبال $\log_{10} \frac{x}{y} = \log_{10} x - \log_{10} y$ جبال جبال کیا گیا ہے۔

مساوات 12.25 کے دو اجزاء پائے جاتے ہیں جنہیں شکل 12.11-الف میں دکھایا گیا ہے جبکہ ان کے مجموعے کو شکل۔ ب میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ p_1 سے کم تعدد پر تبادلی تفاعل کی حتی قیمت $20\log_{10}K_0$ رہتی ہے جبکہ p_1 تعدد سے شروع ہو کر اس کی قیمت مسلسل منفی ہیں ڈلیی بیل فی دہائی تبدیل ہوتی ہے۔ شکل-الف میں ہلکی سیابی میں نقطہ دار لکیر سے اصل دو سرا جزو بھی دکھایا ہے جہال بوڈا خط میں 3 ملک واضح ہے۔ شکل-ب میں پورا نفاعل اور پورے نفاعل کا بوڈا خط دکھائے گئے ہیں۔ بوڈا خط میں کونے پر منفی ہیں ڈلیی بیل کا خلل پایا جاتا ہے۔ بوڈا



شكل 12.11: ايك عدد قطب والے تبادلى تفاعل كامقدارى بوڈاخط

باب.12. تعبد دي روغمسال

خط اور اصل تفاعل میں زیادہ سے زیادہ خلل کونے پر پایا جاتا ہے۔اگر کونا تفاعل کے صفر پر ہو تب خلل 3 dB ہوتا ہے۔ اور اگر کونا تفاعل کے قطب کی وجہ سے ہو تب خلل 6 dB کے ہوتا ہے۔

مثال 12.3: تبادل تفاعل $m{H}(\omega)=10(j\omega+10)$ کا بوڈا خط کیپنیں۔

حل:اس کو ترتیب دیتے ہوئے معیاری شکل میں لکھتے ہیں۔

$$H(\omega) = 100 \left(1 + j \frac{\omega}{10} \right)$$

 $20\log_{10}100=40\,\mathrm{dB}$ يول ينم لاگ محور پر خط ڪينجتے ہوئے $10\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ يسے کم تعدد پر تفاعل کی حتمی قيمت $10\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ يس أول ين د بائی برا سے گی۔ان نتائج کو شکل $12.12\,\mathrm{d}$ ميں ہوگی جبکہ اس تعدد سے زيادہ تعدد پر حتمی قيمت $10\,\mathrm{radian}/\mathrm{s}$ عمل $12.12\,\mathrm{d}$ د کھايا گيا ہے۔ نقطہ $10\,\mathrm{radian}/\mathrm{s}$ ير تعدد $10\,\mathrm{radian}/\mathrm{s}$ اور نقاعل کی حتمی قيمت $10\,\mathrm{radiam}/\mathrm{s}$ ہو جاتی $10\,\mathrm{radiam}/\mathrm{s}$ عمل $10\,\mathrm{radiam}/$

مثال 12.4: تبادلی تفاعل $H(\omega)=rac{1000(j\omega+100)}{j\omega+10000}$ کا مقداری بوڈا خط کیپنیں۔

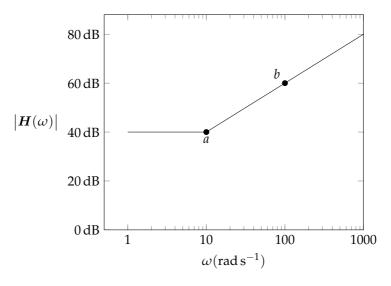
حل:اس کو معیاری شکل میں لکھتے ہوئے

$$\boldsymbol{H}(\omega) = 10 \left(\frac{1 + j \frac{\omega}{100}}{1 + j \frac{\omega}{10000}} \right)$$

حتمی قیمت کو ڈیسی بیل میں لکھتے ہیں۔

$$20\log_{10}\left|\boldsymbol{H}(\omega)\right| = 20\log_{10}10 + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{100^2}} - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10000^2}}$$

(12.26)



شكل 12.12: مثال 12.3 كادور

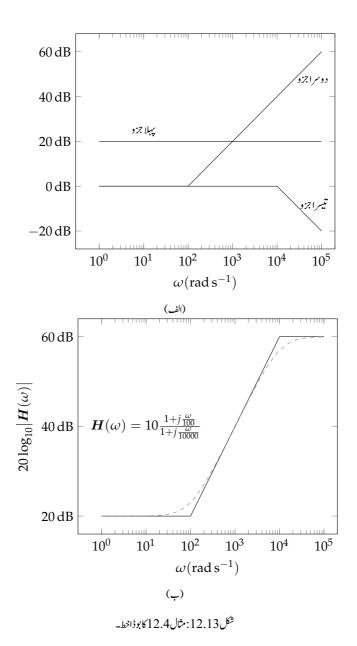
درج بالا مساوات کے تینوں اجزاء کو شکل 12.13-الف میں اور ان کے مجموعے کو شکل 12.13-ب میں دکھایا گیا ہے۔درج $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ بالا مساوات کو دکھ کر بوڈا مقدار کی خط کھینچا جاتا ہے جہاں $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ ہے کم تعدد پر مقدار $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ بالا مساوات کو دکھ کر بوڈا مقدار کی خط کہ $\omega=100\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ تعدد $\omega=10\,\mathrm{dB}$ تعدد پر مقدار کی قیمت میں ڈسی میل فی دہائی بڑھنا شروع ہو جاتی ہے۔ تعدد $\omega=10\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$ ہے۔تعدد $\omega=10\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کو تیسر جرو کا مثنی میں فیط منگی میں بلکی سیاہی میں نقط منگی میں فیل میں کا خط بھی دکھایا گیا ہے جہاں بوڈا خط کے کونوں پر محل کے خلل واضح ہے۔

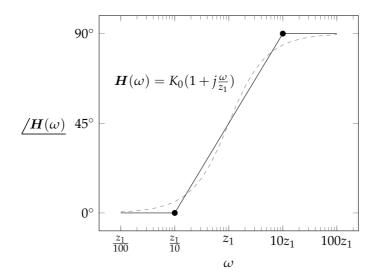
آئیں اب تبادلی تفاعل کے زاویائی بوڈا خط 28 نیپیا سیکھیں۔ ہم درج زیل تفاعل کو مثال بناتے ہیں $m{H}(\omega)=K_0\left(1+jrac{\omega}{z_1}
ight)$

جس کا زاویہ ذیل ہے

(12.27)
$$\underline{/H(\omega)} = /\tan^{-1}\frac{\omega}{z_1}$$

Bode phase plot²⁸





شکل 12.14: ایک صفر والے تفاعل کازاو مائی بوڈا خطہ

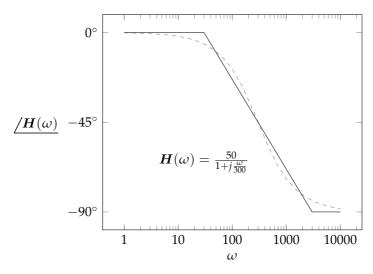
جس کو شکل 12.14 میں ہلکی سیابی سے نقطہ دار کگیر سے دکھایا گیا ہے۔ عین کونے
$$(\omega=z_1)$$
 پر زاویہ $\frac{H(z_1)}{H(z_1)}=\frac{\tan^{-1}\frac{\omega}{z_1}}{10}=\frac{\tan^{-1}\frac{z_1}{z_1}}{10}=\frac{A5^\circ}{10}$ عاصل ہوتا ہے جبکہ کونے سے دس گنازیادہ تعدد $(\omega=10z_1)$ پر $\frac{H(10z_1)}{H(10z_1)}=\frac{\tan^{-1}\frac{10z_1}{z_1}}{10}=\frac{A4.3^\circ}{10}$ اور کونے سے دس گناکم تعدد $(\omega=\frac{z_1}{10})$ پر $(\omega=\frac{z_1}{10})$

$$\underline{/H(10z_1)} = \sqrt{\tan^{-1}\frac{z_1}{\frac{10}{z_1}}} = \underline{/5.7^{\circ}}$$

زاویے حاصل ہوتے ہیں۔ بوڈازاویائی خط میں اس حقیقت کو استعال کرتے ہوئے کونے سے دس گنا کم تعدد $(\omega=\frac{z_1}{10})$ پر 0° ور کونے سے دس گنا زیادہ تعدد $(\omega=10z_1)$ پر 0° چنتے ہوئے انہیں سید ھی ککیر سے ملایا جاتا ہے جبکہ $\omega>0$ اور $\omega=10z_1$ پر زاویہ $\omega>0$ رکھا جاتا ہے۔ شکل 12.14 میں سید ھے خطوط پر بمنی بوڈا زویائی خط کو گہری سیاہی میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 12.5: تبادلی تفاعل $rac{50}{1+jrac{\omega}{200}}$ کا زاویائی بوڈا خط کیپیں۔

باب.12. تعبد دي روغمسال



شكل 12.15: ايك قطب والے تفاعل كابو ڈازاو مائى خطہ

 $\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کے بہاں کونا $\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پریایا جاتا ہے۔

(12.28)
$$\frac{/H(\omega)}{/\tan^{-1}\frac{\omega}{300}} = /-\tan^{-1}\frac{\omega}{300}$$

$$|U(\omega)| = \frac{1}{/\tan^{-1}\frac{\omega}{300}} = /-\tan^{-1}\frac{\omega}{300}$$

بوڈا خط میں کونے سے دس گنا کم تعدد پر زاویہ 0° اور کونے سے دس گنا زیادہ تعدد پر زاویہ -90° چنتے ہوئے ان 0° پر $\omega = 3000\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پر 0° اور 0° بر $\omega = 3000\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پر 0° اور 0° بر کھا جاتا ہے خط سے ملایا گیا ہے۔ مزید 0° بر کھا جاتا ہے سے کم تعدد پر زاویہ 0° بر کھا جاتا ہے جب کہ تعدد پر زاویہ 0° بر کھا جاتا ہے۔ بوڈازاویائی خط کو شکل 12.15 میں گہر کی سیابی میں دکھایا گیا ہے۔ $\omega = 3000\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ سیابی میں دکھایا گیا ہے۔

یوں کونے $(\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})$ پر اور کونے سے دس گنازیادہ تعدد $(\omega=300\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})$ پر اور کونے سے دس گنا کم تعدد $(\omega=30\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})$ پر زاویے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\frac{/H(200)}{/H(2000)} = \frac{/-\tan^{-1}\frac{300}{300}}{-\tan^{-1}\frac{3000}{300}} = \frac{/-45^{\circ}}{-84.3^{\circ}}$$

$$\frac{/H(2000)}{/H(20)} = \frac{/-\tan^{-1}\frac{3000}{300}}{-\tan^{-1}\frac{30}{300}} = \frac{/-5.7^{\circ}}{-100}$$

مثال 12.6: تبادلی نفاعل
$$m{H}(\omega) = rac{j20\omega(1+jrac{\omega}{200})}{1+jrac{\omega}{2000}}$$
 کا زاویا کی بوڈا خط کیپنیں۔

حل:اس تفاعل كا زاويه لكھتے ہيں۔

$$/H(\omega) = /90^{\circ} + /\tan^{-1} \frac{\omega}{200} - /\tan^{-1} \frac{\omega}{30000}$$

 $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$ عاصل ہوتا ہے۔ دوسرار کن $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$ عاصل ہوتا ہے۔ دوسرار کن $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$ عام $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$ عام $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$ عام $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$ عام اور $\sin^{-1}\frac{j20\omega}{0}=90^\circ$ بیر $\sin^{-1}\frac{j20$

مثال 12.7: تبادلی تفاعل $rac{j10\omega}{(1+jrac{\omega}{100})(1+jrac{\omega}{1000})}$ کا مقداری بوڈا خط کھینجیں۔

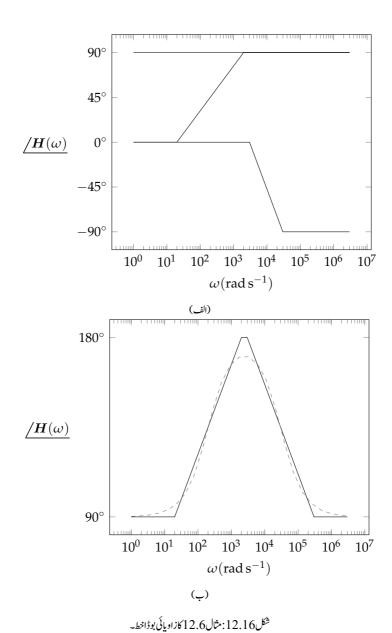
حل:اس تفاعل کی حتمی قیمت

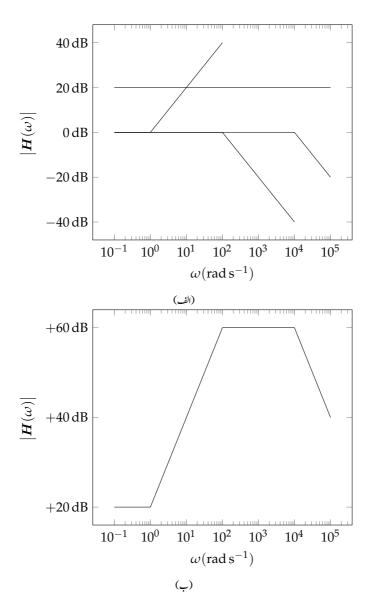
$$|H(\omega)| = \frac{10\omega}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{1000^2}} \sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10000^2}}}$$

کو ڈلیل بیل میں لکھتے ہیں۔

$$(12.29) \quad 20\log_{10}10 + 20\log_{10}\omega - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{100^2}} - 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10000^2}}$$

مساوات 12.29 کا پہلار کن $\omega=1\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کا مستقل ہے۔اس کا دوسرار کن $\omega=1\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پر $\omega=1\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کہ بہار کے بیل فی دہائی بڑھتا ہے۔ تیسرے اور چوتھے ارکان کے بوڈا خط بالترتیب جبکہ اس تعدد سے زیادہ تعدد پر بتدریج بیس ڈلیمی بیل فی دہائی بڑھتا ہے۔ تیسرے اور چوتھے ارکان کے بوڈا خط بالترتیب





شکل 12.17: ایک صفراور دو قطب والے تفاعل کا بوڈامقداری خط۔

باب.12. تعبد دي روغمسل

100 rad s⁻¹ اور strad s⁻¹ تعدد پر منفی ہیں ڈیسی بیل فی دہائی گھٹنا شر وع ہوتے ہیں۔ان تمام ارکان کو شکل 12.17-الف اور ان کا مجموعہ شکل-ب میں د کھایا گیا ہے۔

$$|\boldsymbol{H}(\omega)| = \frac{10\omega}{\left(\sqrt{\frac{\omega^2}{100^2}}\right)\left(\sqrt{1}\right)} = 1000$$

للذا در میانی تعددی پٹی پر ڈلیی بیل میں مقدار درج ذیل ہو گی

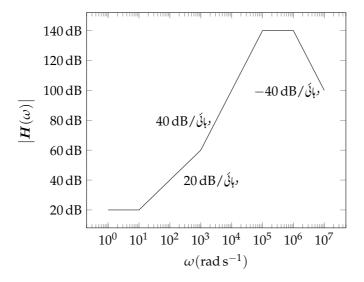
$$20\log_{10} \left| \boldsymbol{H}(\omega) \right| = 20\log_{10} 1000 = 60\,\mathrm{dB}$$

جے شکل 12.17 - بیس بیست تعددی $\omega = 100 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ تا $\omega = 100 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ بیست تعددی کونے سے کم تعدد پر مقدار مسلسل بیس ڈلی بیل فی دہائی بڑھتے ہوئے مین $\omega = 100 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ پر مقدار مسلسل بیس ڈلی بیل فی دہائی ڈھلوان کا خط کھیجنیں۔اسی طرح بلند تعدد کونے پر بھی بیس بیس ڈلی بیل فی دہائی ڈھلوان کا خط کھیجنیں۔اسی طرح بلند تعدد کونے پر بھی بیس ڈلی بیل فی دہائی ڈھلوان کا خط کھیجنیں۔یوں کممل بوڈا خط حاصل ہو گا۔

مثال 12.8: تبادلی تفاعل $m{H}(\omega) = rac{10 \left(1+j rac{\omega}{10}
ight) \left(1+j rac{\omega}{1000}
ight)}{\left(1+j rac{\omega}{100000}
ight)^2 \left(1+j rac{\omega}{1000000}
ight)^2}$ کا مقدار کی بوڈا خط کھینجیں۔

حل: تفاول کی مقدار کو ڈیسی بیل میں لکھتے ہیں۔ان کا مجموعہ شکل 12.18 میں د کھایا گیا ہے۔

$$\begin{split} 20\log_{10}\big|\boldsymbol{H}(\omega)\big| &= 20\log_{10}10 + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega}{10^2}} + 20\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10^6}} \\ &\quad - 40\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10^{10}}} - 40\log_{10}\sqrt{1 + \frac{\omega^2}{10^{12}}} \end{split}$$



شكل 12.18: مثال 12.8 كامقداري بو دُاخط-

یبال 10 rad s⁻¹ پر درج بالا مساوات کا دوسرا جزو بیس ڈیمی بیل فی دہائی بڑھنا شروع ہو جات ہے جبکہ تیسرا جزو اس شرح سے 1000 rad s⁻¹ پر بڑھنا شروع ہوتا ہے۔ یوں ان کا مجموعہ لیتے ہوئے 1000 rad s⁻¹ تعدد سے خط کی ڈھلوان 40 dB فی دہائی ہوگی۔ اس طرح 1000 krad s⁻¹ پر چھوتا جزو 40 dB فی دہائی سے گھٹنا شروع ہوتا ہے جو دوسرے اور تیسرے اجزاء کو ختم کرتا ہے المذا بوڈا نظ بر قرار 140 dB پر رہتا ہے۔ آخر کار 1 Mrad s⁻¹ پر پانچواں جزو چالیس ڈلیمی بیل فی دہائی سے گھٹنا شروع ہوتا ہے۔

تباد لی نفاعل کے صفر اور قطب مخلوط اعداد بھی ہو سکتے ہیں۔ایسی صورت میں ان کے جوڑی دار جوڑے پائے جاتے ہیں۔آئیں ان پر غور کریں۔تبادلی نفاعل

$$\boldsymbol{H}(s) = \frac{K}{(s+a)(s+b)}$$

ا__12 ت دې رد ممسل

کے قوسین کو ضرب دیتے ہوئے ترتیب دیتے ہیں۔

$$H(s) = \frac{K}{s^2 + s(a+b) + ab}$$
$$= \frac{K}{ab\left[1 + \frac{s(a+b)}{ab} + \frac{s^2}{ab}\right]}$$

اس کو درج ذیل معیاری صورت میں لکھا جا سکتا ہے

(12.30)
$$H(s) = \frac{K_0}{1 + 2\zeta(s\tau) + (s\tau)^2}$$

جہاں

$$\tau = \frac{1}{\sqrt{ab}}$$
$$\zeta = \frac{a+b}{2\sqrt{ab}}$$

کے برابر ہیں۔مساوات 12.30 میں ζ کو تقصیری تناسب 29 کہتے ہیں۔

فرض کریں کہ ہمیں مساوات 12.30 دی گئی ہے اور ہم اس کے قطب جاننا چاہتے ہیں۔قطب جاننے کے لئے نسب نما کے جذر حاصل کرنے ہوں گے جنہیں دو درجی مساوات کے کلیے سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$s = \frac{-2\zeta\tau \mp \sqrt{4\zeta^2\tau^2 - 4\tau^2}}{2\tau^2}$$

جذر کی علامت کے اندر مقدار کی قیت صفر سے زیادہ، صفر کے برابر یاصفر سے کم ممکن ہے لینی

$$4\zeta^2\tau^2-4\tau^2>0$$

$$4\zeta^2\tau^2 - 4\tau^2 = 0$$

$$4\zeta^2\tau^2 - 4\tau^2 < 0$$

جن سے بالترتیب درج ذیل شرائط حاصل ہوتے ہیں۔

$$z>1$$
 حقیقی دو عدد مختلف قطب $z>1$ حقیقی دو عدد کیسال قطب $z=1$ $z<1$ $z<1$ جوڑی دار مخلوط قطب $z<1$

damping ration²⁹

تقصیری تناسب کی قیت اکائی سے زیادہ یا اکائی کے برابر ہونے کی صورت میں حقیقی قطب پائے جاتے ہیں جن پر ہم غور کر چکے ہیں۔آئٹیں مخلوط قطب پر غور کریں۔

مثق 12.7: تبادلی تفاعل کے قطب بھی دریافت T اور T اور T اور کے حاصل کریں۔اس تفاعل کے قطب بھی دریافت کریں۔ تفاعل کو اجزائے ضربی کی صورت میں لکھیں۔

$$p_2 = -s_2 = \frac{1}{4} - j\frac{\sqrt{3}}{4}$$
 ، $p_1 = -s_1 = \frac{1}{4} + j\frac{\sqrt{3}}{4}$ ، $\zeta = 0.5$ ، $\tau = 2$: براجی $H(s) = \frac{35}{(s + \frac{1}{4} + j\frac{\sqrt{3}}{4})(s + \frac{1}{4} - j\frac{\sqrt{3}}{4})}$

مساوات 12.30 میں $s=j\omega$ میر کرکے ترتیب دیتے ہوئے

$$\begin{split} \boldsymbol{H}(\omega) &= \frac{K_0}{1 + 2\zeta(j\omega\tau) + (j\omega\tau)^2} \\ &= \frac{K_0}{1 - \omega^2\tau^2 + j2\zeta\omega\tau} \end{split}$$

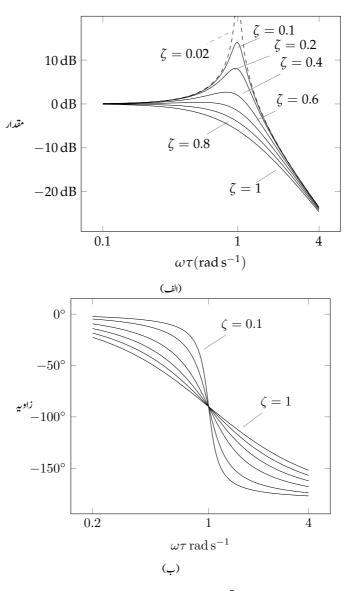
اس کی حتمی مقدار کو ڈلیلی بیل میں لکھتے ہیں۔

(12.32)
$$20 \log_{10} |\mathbf{H}(\omega)| = 20 \log_{10} K_0 - 20 \log_{10} \sqrt{(1 - \omega^2 \tau^2)^2 + (2\zeta \omega \tau)^2}$$

مساوات 12.32 کا پہلا جزو مستقل ہے جبکہ دوسرے جزوکی مقدار کا دارومدار تعدد کے علاوہ تقصیری تناسب پر بھی منحصر ہے۔ شکل 12.19-الف میں مختلف ζ کے لئے مساوات 12.32 کے دوسرے جزو کے خطوط دکھائے گئے ہیں۔اب تک ہم دیکھتے آ رہے ہیں کہ قطب پر مقدار کی خط گئے شروع ہوتا ہے لیکن یہاں ایسا نہیں ہو رہا ہے۔ مخلوط قطبین کی صورت میں مقدار کی خط گئے سے پہلے بڑھتا ہے۔ بڑھنے کی مقدار کا دارومدار ζ پر ہے۔ تقصیری تناسب کی قیمت صفر ζ فاعل بے قابو بڑھتا ہے۔ شکل میں ζ و نقطہ دار کمیر سے دکھایا گیا ہے۔ تقصیری تناسب کی قیمت صفر ہونا دور میں گونج یا گھمک 30 کو ظاہر کرتی ہے۔

 $\zeta = 0.1, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1$ کے لئے وکھایا گیا ہے۔ $\zeta = 0.1, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1$ کے دکھایا گیا ہے۔

پا<u>ب 1</u>2. تعددی رد^عسل



شکل 12.19: مختلف تقصیری تناسب کے لئے مخلوط جوڑی دار قطب کے نظام کے خط

12.4 گُلَى ادوار

12.4 گمکی اد وار

سلسله وارگمک

شکل 12.20 میں سلسلہ وار دور دکھایا گیا ہے جس کی رکاوٹ

(12.33)
$$\mathbf{Z}(\omega) = R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C} = R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})$$

ہے۔ توسین کی قیمت صفر ہونے کی صورت میں اس دور کی رکاوٹ حقیقی مقدار

$$(12.34) Z(\omega) = R$$

یعنی مزاحمتی ہو گی۔ایباایک مخصوص تعدد ω_0 پر ممکن ہے جسے قوسین صفر کے برابر پر کرنے $\omega L - \frac{1}{\omega C} = 0$

سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

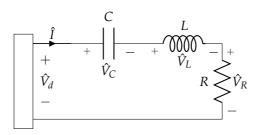
(12.35)
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{IC}} \qquad \text{is it } \sigma_0 = \frac{1}{\sqrt{IC}}$$

اس تعدد ((ω_0) کو دورکی گمکی تعدد ³¹ کہتے ہیں اور اس تعدد پر دور گونجتا یا کمکتا ہے۔اییا دور جو گونج سکتا ہو کو گمکی دور³² کہتے ہیں۔

گمی تعدد پر امالی متعاملیت اور برق گیر متعاملیت برابر ہوتے ہیں۔ چونکہ سلسلہ وار دور میں یکساں رو پائی جاتی ہے المذا گمی تعدد پر امالی د باو اور برق گیر د باو مقدار میں برابر لیکن آپس میں 180° زاویے پر ہوں گے۔زاویائی طور پر آپس میں بالکل الٹ ہونے کی بناان کا مجموعہ صفر کے برابر ہوگا اور بول شکل 12.20 میں داخلی د باو \hat{V}_a اور مزاحمتی د باو \hat{V}_R برابر ہوں گے۔ برابر ہوں گا۔

 $\begin{array}{c} {\rm resonant\ frequency}^{31} \\ {\rm resonant\ circuit}^{32} \end{array}$

922 با<u>ب</u> 12. تعبد دي ارد عمسل



شكل 12.20: سلسله وار RLC دور ـ

گمی تعدد سے ہٹ کر کسی بھی تعدد پر مساوات 12.33 کا خیالی جزو صفر کے برابر نہیں ہوگا لہذار کاوٹ کی حتی قیمت R سے زیادہ ہوگی۔ سے زیادہ ہوگی۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مگمی تعدد پر رکاوٹ کی قیمت کم سے کم ہوگی اور روکی قیمت زیادہ ہوگی۔ گمی تعدد پر دور میں رواور داخلی دباو ہم زاویہ ہوں گے۔ کمی تعدد سے کم تعدد پر برق گیر متعاملیت کی مقدار امالی متعاملیت کے مقدار سے زیادہ ہوگی لہذا سلسلہ وار رکاوٹ برق گیر خاصیت رکھے گا اور داخلی دباوسے روآگے پائی جائے گی۔ اس کے برعکس کمکی تعدد سے زیادہ ہوگی لہذا کل رکاوٹ کے برعکس کمکی تعدد سے زیادہ تعدد پر امالی متعاملیت کی مقدار برق گیر متعاملیت کی مقدار سے زیادہ ہوگی لہذا کل رکاوٹ امالی ہوگا اور داخلی دباوسے رو پیچھے ہوگی۔ رکاوٹ کی مقدار بالقابل تعدد کو شکل 2.21 میں دکھایا گیا ہے۔

روکے حوالے سے تینوں پر زوں کے دباوے دوری سمتیات شکل 12.22 میں دکھائے گئے ہیں۔ گمکی تعدد سے کم تعدد پر تاویہ برق گیر کا دباو امالہ گیر کے دباوسے زیادہ ہے للذا داخلی دباو \hat{V}_d سے روآ گے ہے۔ گمکی تعدد پر داخلی دباو اور رو ہم زاویہ ہیں جبکہ مگمکی تعدد سے زیادہ تعدد پر امالہ کی متعاملیت برق گیر کے متعاملیت سے زیادہ ہے للذا امالی دباوکی قیمت برق گیر دباو اور روکے مابین زاویہ θ_z مساوات 12.33 میں دیے دباوسے زیادہ ہے اور یوں داخلی دباوسے رو پیچھے ہے۔ داخلی دباو اور روکے مابین زاویہ ج

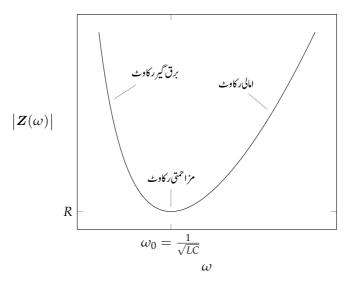
(12.36)
$$\theta_z = \tan^{-1} \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}$$

سلسلہ وار RLC دور کا معیادی مستقل Q 33 نہایت اہم مقدار ہے جس کی تعریف درج ذیل مساوات دیتی ہے۔

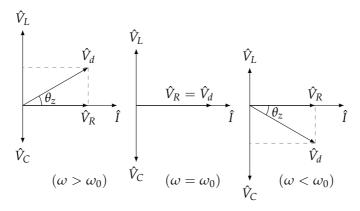
(12.37)
$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{1}{\omega_0 CR} = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$$

quality $factor^{33}$

12.4. ممَّلَى ادوار



شكل 12.21: سلسله وار RLC كى ركاوك بالمقابل تعدد كاخط-



شکل 12.22: سلسله وار RLC کے دوری سمتیات۔

با__12. تعددي روغمسل

 $^{-1}$ من تعدد پر $^{-1}_{\omega_0 C}=\omega_0 L$ ہوتا ہے لہذار کاوٹ

$$Z = R + j\left(\omega_0 L - \frac{1}{\omega_0 C}\right) = R$$

ہو گا جس سے

$$\hat{I} = \frac{\hat{V}_d}{Z} = \frac{\hat{V}_d}{R}$$

اور

$$\hat{V}_{L} = j\omega_{0}L\hat{I} = \frac{j\omega_{0}L\hat{V}_{d}}{R}$$

$$\hat{V}_{C} = \frac{\hat{I}}{j\omega C} = \frac{\hat{V}_{d}}{j\omega RC}$$

$$\hat{V}_{R} = \hat{I}R = \hat{V}_{d}$$

حاصل ہوتے ہیں۔درج بالا مساوات میں دونوں جانب حتی قیمتیں لیتے ہوئے مگمی تعدد کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(12.38)
$$V_{L} = QV_{d}$$

$$V_{C} = QV_{d}$$

$$V_{R} = V_{d}$$

جہاں دباوے حتی قیتوں کو V_R ، V_C ، V_L اور V_R کھا گیا ہے۔ مساوات 12.38 کے تحت مگمی تعدد پر امالی دباو اور برق گیر دباو کی قیمتیں داخلی دباوے Q>1 گناہوں گے۔ یوں Q>1 کی صورت میں امالی اور برق گیر دباو کی قیمت داخلی دباوے نیادہ ہوگی۔

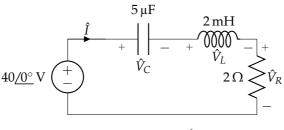
مثال 12.9: شکل 12.23 کے دور کی مگمی تعدد اور معیاری مستقل دریافت کریں۔ مگمی تعدد پر روحاصل کرتے ہوئے تینوں پرزوں کے دباوحاصل کریں۔

حل: ممکی تعدد اور معیاری مستقل دریافت کرتے ہیں۔

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{2 \times 10^{-3} \times 5 \times 10^{-6}}} = 10 \,\text{krad} \,\text{s}^{-1}$$

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{10\,000 \times 2 \times 10^{-3}}{2} = 10$$

12.4. ممثلی ادوار



شكل 12.23: مثال 12.9 كادور ـ

مگمی تعدد پر رو حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I} = \frac{40\underline{/0^{\circ}}}{2 + j10000 \times 2 \times 10^{-3} - \frac{j}{10000 \times 5 \times 10^{-6}}} = 20\underline{/0^{\circ}} \,\text{A}$$

چونکہ گمکی تعدد پر رکاوٹ مزاحمتی ہوتا ہے لہذارو کو $\frac{40/0^\circ}{2}=20$ سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ پر زول کے دیاو حاصل کرتے ہیں۔

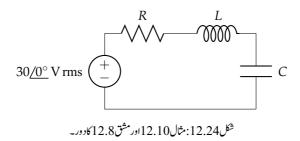
$$\begin{split} \hat{V}_R &= \hat{I}R = (20/0^\circ)(2) = 40/0^\circ \, \mathrm{V} \\ \hat{V}_L &= (j\omega_0 L) \hat{I} = j10\,000 \times 2 \times 10^{-3} \times 20/0^\circ = 400/90^\circ \, \mathrm{V} \\ \hat{V}_C &= \left(\frac{-j}{\omega_0 C}\right) \hat{I} = \frac{-j \times 20/0^\circ}{10\,000 \times 5 \times 10^{-6}} = 400/90^\circ \, \mathrm{V} \end{split}$$

د باو کے یہی جوابات مساوات 12.38 کی مدد سے بھی حاصل کئے جا سکتے ہیں یعنی

$$V_R = V_d = 40 \text{ V}$$

 $V_L = QV_d = 10 \times 40 = 400 \text{ V}$
 $V_C = QV_d = 10 \times 40 = 400 \text{ V}$

جہاں مزاحمتی دباواور داخلی دباو ہم زاویہ ہیں جبکہ امالی دباواور برق گیر دباو بالترتیب داخلی دباوسے °90 آگے اور پیچیے ہیں۔اس مثال میں Q = 10 ہے لہذا ممکی تعدد پر امالی اور برق گیر دباو کی قیمتیں داخلی دباوسے دس گنازیادہ ہیں۔ باب.12. تعبد دي روغمسال



مثال 12.10: برق گیر استعال کرتے ہوئے ضروری ہے کہ برق گیر کی استعداد سے تجاوز نہ کیا جائے۔ برق گیر پر اس کے استعداد سے زیادہ دباو ڈالنے سے برق گیر فعال ہو جائے گا۔ برق گیر عموماً غیر فعال ہونے کی صورت میں خوفناک دھاکے سے پھٹتا ہے۔ جزوطاقت درست کرنے والے برق گیر پاکارخانوں میں دیگر استعال ہونے والے بڑے جسامت کے برق گیر کا پھٹنا جان لیواثابت ہو سکتا ہے۔

آپ جانتے ہیں کہ تار لیٹنے سے امالہ گیر بنایا جاتا ہے۔ یوں نہ چاہتے ہوئے بھی امالہ گیر میں درکار امالی رکاوٹ کے ساتھ ساتھ غیر مطلوب مزاحمتی رکاوٹ بھی پایا جاتا ہے۔ شکل 12.24 میں ایسا ہی امالہ گیر اور برق گیر سلسلہ وار جوڑے گئے ہیں جہاں $L=90\,\mathrm{mH}$ اور $C=100\,\mathrm{mF}$ اور $C=100\,\mathrm{mF}$ اور $C=100\,\mathrm{mF}$ بیں جہاں مستقل $C=100\,\mathrm{mF}$ اور کی میں جہاں کے تعدد پر دباو حاصل کریں۔

حل: معیاری مستقل کی قیمت سے گمکی تعدد پر برق گیر کا دباو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔ $V_C = QV_d = 6 \times 30 = 180 \, \mathrm{V \, rms}$

یوں اس دور کو استعال کرنے سے پہلے تسلی کر لیس کہ استعال ہونے والے برق گیر کی استعداد کم از کم 180 V rms ہو۔ 12.4. ممَّتي ادوار

 $V_C=120\,\mathrm{V\,rms}$ اور $I=15\,\mathrm{A\,rms}$ اور مثل $I=15\,\mathrm{A\,rms}$ اور کمی تعدد پر $C=10\,\mathrm{\mu F}$ اور $I=10\,\mathrm{V\,rms}$ بین اماله اور مزاحمت دریافت کریں۔

 $L=0.64\,\mathrm{mH}$ ، $R=2\,\Omega$ جوابات:

 $L=120\,\mu ext{H}$ دور میں داخلی دباو $22\cos\omega t\, ext{V}$ جہراحمت 2Ω اور RLC اور RLC مثن RLC: سلسلہ وار RLC دور کی معلوم کریں۔دور میں $\frac{f_0}{2}$ ، f_0 اور $2f_0$ پر رو در یافت کریں۔

 $\sim 11\cos(20000\pi t)\,\mathrm{A}$ ، $C=2.11\,\mathrm{\mu F}$: عربات: $1.92\cos(40000\pi-80^\circ)\,\mathrm{A}$ ، $1.92\cos(10000\pi+80^\circ)\,\mathrm{A}$

آئیں شکل 12.20 میں وکھائے گئے سلسلہ وار RLC دور میں $\frac{\hat{V}_R}{\hat{V}_d}$ تناسب کے لئے ω_0 اور ω_0 اور ω_0 پر مبنی عمومی مساوات حاصل کریں۔اس کے رکاوٹ سے فراوانی کی مساوات کھتے ہیں۔

$$\begin{aligned} \boldsymbol{Y}(j\omega) &= \frac{1}{R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})} \\ &= \frac{1}{R[1 + j(\frac{\omega L}{R} - \frac{1}{\omega RC})]} \end{aligned}$$

باب_12. تعدد ي رد عسل