برقی ادوار

خالد خان بوسفر کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1																													بنياد	1
1																				٠,	دبار	زقى	رر بر	و او	قى ر	ے بر	نی بار	برة	1.1	
5																											وٰنِ او		1.2	
6																								٠	طاقت	اور .	نائى	توا	1.3	
11																										زے	نی پرز	برة	1.4	
11																						بع	م من	تاب	غير		1.4	. 1		
13																							بع	منب	تابع		1.4	.2		
21																											وار	ی اد	مزاحمت	2
21																										ہم	ون او	قان	2.1	
27																											انين آ		2.2	
39																											لسلہ و		2.3	
40																											سیم د		2.4	
42																											ر مدد س		2.5	
45																		ت	حم	مزا	اور	دباو	بع د	د من	متعده	وار .	لسلہ و	سا	2.6	
46																							_				وازى		2.7	
47																_											- سیم ر		2.8	
53																											، لسلہ ,		2.9	
57																											صيص		2.10	
59																											لسلہ و		2.11	
65																			_										2.12	

اب 1

بنياد

اس کتاب میں بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی ہے جس کے چند بنیادی اکایاں کلو گرام (kg)، میٹر (m)، سینڈ (s)اور کیلون (K) ہیں۔ان اکایوں کے ساتھ عموماً شکل 1.1 میں دکھائے گئے ضربے استعال کئے جاتے ہیں جن سے آپ بخوبی واقف ہیں۔

1.1 برقی بار، برقی رو اور برقی دباو

اس کتاب میں بوقی باد 2 اور بوقی رو 3 کلیدی کردار ادا کریں گے۔ برقی بارکی اصطلاح کو چھوٹا کر کے صرف بوق یا صرف بارکی اصطلاح استعال کی جائے گی جبکہ برقی روکہتے ہیں۔چونکہ بارکی حرکت سے توانائی ایک مقام سے دوسرے مقام منتقل ہوتی ہے لہذا ہماری دلچیسی کا مرکز برقی روہوگی۔

موصل تارکی مدد سے برتی پرزہ جات کو مختلف انداز میں آپس میں جوڑنے سے بوقی دور احاصل ہوتا ہے۔ جیسے پائپ سے پانی کو ایک مقام سے دوسرے مقام تک منتقل کیا جاتا ہے، بالکل اسی طرح برتی دور میں ایک نقطے سے دوسرے نقطے تک بار موصل تارکے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ یوں اگر پانی کو بار تصور کیا جائے گا۔ برتی ادوار سیجھنے میں یہ مثابہت مدد گارثابت ہوتی ہے۔

کسی بھی نقطے پر برقی روسے مراد اس نقطے سے فی سینڈ گزرتا بار ہے۔رواور بار کے تعلق کو تفرقی 5 صورت میں یوں

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

SI system¹ electric charge² electric current³ electric circuit⁴ differential form⁵

10^{-12}	10-9	10-6	10^{-3}	100	103	106	109	10 ¹²
p	n	µ	m		k	M	G	T
pico	nano	micro	milli		kilo	mega	giga	tera
پیکو	نینو	مائيكرو	مِلٰی		کِلو	میگا	گیگا	ٹیرا

شکل 1.1: بین الاقوامی نظام اکائی کے ضربیر۔

باب 1. بنیاد



شکل 1.2: برقی رو کو بیان کرنے کے درست طریقے۔

اور تکملہ صورت⁶ میں یوں

$$q = \int_{-\infty}^{t} i \, \mathrm{d}t$$

i ککھا جا سکتا ہے جہاں برقی بار کو g سے ظاہر کیا گیا ہے اور برقی روکو i سے ظاہر کیا گیا ہے۔بدلتے متغیرات کو انگریزی کے چھوٹے حروف تبجی مثلاً i یا g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جائے گا۔

بارکی اکائی کو تکو لمب⁷ کہتے ہیں جے C کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ روکی اکائی کو ایمپیئر ⁸ کہتے ہیں۔ایمپیئر کی علامت A ہے۔اگر تار سے ایک سینڈ دورانے میں ایک ایمپیئر کی برقی روپائی جائے گی۔

روایتی طور پریہ تصور کیا جاتا تھا کہ مثبت بار کے حرکت سے برقی رو پیدا ہوتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ حقیقت میں موصل تار میں مثبت ایٹم ساکن ہوتے ہیں اور آزاد منفی الیکٹران کے حرکت سے رو پیدا ہوتی ہے۔اس حقیقت کے باوجود، تصور کیا جاتا ہے کہ مثبت بارکی حرکت برقی روکو جنم دیتی ہے۔شکل۔
الف میں فی سکنڈ 3 کا بار بائیں سے دائیں جانب منتقل ہو رہا ہے جبکہ شکل۔ب میں فی سکنڈ 2 کا بار دائیں سے بائیں جانب منتقل ہو رہا ہے۔یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ برقی روکی مقدار اور سمت دونوں بیان کرناضروری ہیں۔

غیر متغیر برقی رو کو یک سمتی رو ⁹ کہتے ہیں۔ یک سمتی رو کی مقدار وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی۔وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی برقی رو کو بدلتی رو ¹⁰ کہتے ہیں۔ان دونوں کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔موبائل کی بیٹری یک سمتی رو پیدا کرتی ہے جبکہ گھریلو پٹکھا بدلتی روسے چلتا ہے۔

شکل 1.3-الف میں 50 کی مزاحمت میں 4A کی روپائی جاتی ہے۔اس مزاحمت کے دونوں سرے مزید پرزہ جات سے جڑے ہیں جنہیں شکل میں نہیں دکھایا گیا ہے۔شکل-ب تا شکل-ٹ میں مزاحمت پر دباواور مزاحمت میں رو کو مختلف طریقوں سے لکھا گیا ہے۔کسی بھی دو متغیرات کو کل چار انداز

integral form

 $Coulomb^7$

Ampere⁸

direct current, DC⁹

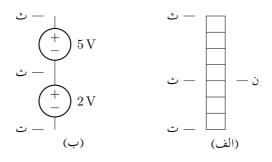
alternating current, AC^{10}

$$I = -4 \,\mathrm{A}$$
 \Rightarrow $V = 20 \,\mathrm{V}$ \Rightarrow $Y = 20 \,\mathrm{$

شکل 1.3: مزاحمت کی رو اور دباو لکھنے کے چار ممکنہ طریقے۔

شکل 1.4: انفعالی سمت کر ترکیب کی پہچان۔

باب1. بنیاد



شكل 1.5: برقى دباو مين نقطه حواله كي ابميت.

میں لکھا جا سکتا ہے۔ یہی دوعدد متغیرات یعنی دباواور رو کے لئے بھی درست ہے للذا انہیں لکھنے کے کل چار طریقے ہیں۔ شکل 1.4 میں برقی دباواور برقی رو کے مقدار لکھے بغیر یہی چار طریقے و دبارہ دکھائے گئے ہیں۔ ان میں شکل - ب اور شکل - ٹ کے طرز کو انفعالی سمت کی ترکیب ۱۱ کہتے ہیں۔ انفعالی سمت کی ترکیب میں دباو کا اور رو ا کی سمتیں یوں چننی جاتی ہیں کہ برقی پرزے میں رو مثبت سرے سے داخل ہوتی ہے۔ یوں شکل - ب میں مزاحمت کی ترکیب میں اسی سرے کو دباو کا مثبت سرا چنا گیا ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سر ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سرے لکے انتقالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی درست سمتوں کا کوئی کر دار نہیں۔ قانونِ او ہم 1 اور طاقت کے حساب میں انفعالی سمت کی ترکیب استعال کیا جاتا ہے۔

انفعالی سمت کی ترکیب میں برقی پرزے پر دباوکی سمت چننے کے بعد روکی سمت یوں چننی جاتی ہے کہ چنے گئے دباو کے مثبت سرسے پرزے میں رو داخل ہو۔

عام زندگی میں اونچائی کو زمین سے ناپا جاتا ہے جہاں زمین کی اونچائی صفر کے برابر لی جاتی ہے۔یوں اونچائی کے ناپ میں زمین کو نقطہ حوالہ 13 لیا جاتا ہے۔شکل 1.5-الف میں سات منزلہ عمارت و کھائی گئی ہے۔اگر زمین نقطہ ت پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہونے کی صورت میں نقطہ ن منفی چار پر ہوگا۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ نقطہ ن کی حتمی اونچائی کوئی معنی نہیں رکھتی۔اونچائی صرف اس صورت میں معنی خیز ہوتی ہے جب نقطہ حوالہ بھی بیان کیا جائے۔ برتی دباو بھی بالکل اونچائی کی طرح ناپی جاتی ہوئی ہے۔یوں شکل 1.5-ب میں نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ٹ مثبت دو وولٹ 2V پر ہے جبکہ نقطہ ث کے حوالے سے نقطہ ٹ منفی پانچ وولٹ 5V پر ہیں۔نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ ش کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ شاہ کے حوالے سے نقطہ ش 7V پر ہے۔اس طرح نقطہ شاہ کی برتی دباو صفر تصور کی جاتی ہے۔

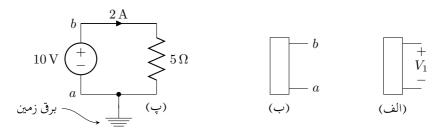
passive sign convention¹¹

Ohm's law

reference¹³

electrical ground¹⁴

1.2. قانونِ اوبم



شكل 1.6: برقى دباو كا اظهار.

یا $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ کاملی جا سکتی ہے جہاں زیر نوشت میں نقطہ حوالہ کا ذکر نہیں کیا گیا۔ شکل - پ میں اب بھی $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ یا $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ کاملی جا سکتا ہے۔ $V_{ab}=10\,\mathrm{V}$ کاملی جا سکتا ہے۔

1.2 قانونِ اوہم

قانون اوہم 15 سے آپ بخوبی واقف ہیں

$$(1.3) V = IR$$

جو مزاحمت کی برقی رواور مزاحمت کی برقی و ہاوکا تعلق بیان کرتا ہے۔ اس قانون 1 کے استعال میں دباو V اور رو I کو انفعالی سمت کی ترکیب سے چننا جاتا ہے۔ شکل I 1.7 میں ایک عدد مزاحمت اور دو عدد منبع دباوکا دور دکھایا گیا ہے۔ برقی زمین کے حوالے سے مزاحمت کے بائیں سرے پر V 5 اور دائیں سرے پر V 9 دباو پایا جاتا ہے۔ قانون او ہم میں مزاحمت کے دو سرول کے مابین برقی و باو استعال کیا جاتا ہے۔ یوں مزاحمت کے ایک سرے کو حوالمہ لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سر کے بائیں مزاحمت کا بایاں سر ابطور حوالہ چننا گیا ہے جبکہ مزاحمت کے دائیں سرے لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سرے پر برقی و باولی جاتی ہے۔ گل سامت اور دائیں جانب V کی علامت سے ظاہر کی جائے گا۔ یہ حقیقت مزاحمت کے قریب V کے بائیں جانب V کی علامت سے ظاہر کی جائے گا۔ شکل الف میں یوں

$$V_R = 9 - 5 = 4 \,\mathrm{V}$$

ہو گا جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{V_R}{R} = \frac{4}{8} = 0.5 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔حاصل برقی روکی قیمت مثبت مقدار ہے جس کا مطلب ہے کہ روکی سمت وہی ہے جو شکل-الف میں چننی گئی ہے۔

شکل 1.7-ب میں مزاحمت کا دایاں سرا بطور نقطہ حوالہ چننا گیا ہے۔ یوں V_R کے دائیں جانب (-) کی علامت لگائی گئی ہے۔انفعالی سمت کی ترکیب کے تحت روکی سمت بائیں سے دائیں کو چننی گئی ہے۔ یہاں

$$V_R = 5 - 9 = -4 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{-4}{8} = -0.5 \,\text{A}$$

Ohm's law^{15}

¹⁶ یہ قانون جرمنی کے جارج سائمن اوہم نے پیش کیا۔

 $\frac{1}{2}$ باب $\frac{1}{2}$



شكل 1.7: قانونِ اوہم اور انفعالي سمت كي تركيب.



شكل 1.8: قانونِ اوہم كا صحيح استعمال.

حاصل ہوتا ہے۔ شکل - ب میں V_R کی قیمت منفی حاصل ہوئی جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں مزاحمت پر برقی دباو چننی گئی ست کے الٹ ہے۔ اس طرح رو I_R کی قیمت ہوئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو چننی گئی سمت کے الٹ ہے لیعنی برقی رو حقیقت میں دائیں سے بائیں جانب کو ہے۔

شكل 1.8 ميں قانون اوہم كا صحيح استعال د كھايا گيا ہے۔

1.3 توانائي اور طاقت

h فقلی میدان m پر قوت m و m مگل کرتا ہے جہاں $g=9.8 \frac{m}{s^2}$ برابر ہے۔یوں ثقلی میدان کے مخالف m کو m بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh توت عمل بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh فوت عمل کرتا ہے اور برقی میدان کے مخالف m فاصلے تک بار کو منتقل کرنے کی خاطر

$$(1.4) w = qEh$$

توانائی در کار ہے۔ برقی میدان میں ابتدائی نقطے سے اختتامی نقطے تک اکائی برقی بار منتقل کرنے کے لئے در کار توانائی کو ابتدائی نقطے کے حوالے سے اختتامی نقطے کی برقی دباو کہا جاتا ہے۔

gravitational field¹⁷ electric field¹⁸

1.3. توانائي اور طاقت

مثال 1.1: برقی میدان $E=600 \frac{V}{m}$ میں 0.2C بار قوت کے مخالف $12 \, \mathrm{mm}$ فاصلہ دُور منتقل کیا جاتا ہے۔درکار توانائی حاصل کریں۔ابتدائی نقطہ i اور اختتامی نقطہ i کے مابین برقی دباو حاصل کریں۔

حل: در کار توانائی

 $w = 0.2 \times 600 \times 0.012 = 1.44 \,\mathrm{J}$

کے برابرہے جبکہ برقی دباو

$$V_{ki} = \frac{1.44}{0.2} = 7.2 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے۔

مساوات 1.4 کی تفرقی صورت

dw = Eh dq

ککھی جا سکتی ہے جو چھوٹی برتی بار dq کو منتقل کرنے کے لئے درکار توانائی dw دیتی ہے۔ یوں اکائی بار کو منتقل کرنے کی خاطر dw توانائی درکار ہو گی جے برتی دباو v کہتے ہیں یعنی

$$v = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

مساوات 1.5 کو مساوات 1.1 سے ضرب دینے سے

$$v \times i = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q} \times \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t} = p$$

حاصل ہوتا ہے جو طاقت 19 کو ظاہر کرتا ہے۔ فی سینٹر در کار توانائی کو طاقت کہتے ہیں۔طاقت کی اکائی واٹ 20 سے۔مندرجہ بالا مساوات کی تکملہ صورت درج ذیل ہے۔

(1.7)
$$w = \int_{t_1}^{t_2} p \, \mathrm{d}t = \int_{t_1}^{t_2} vi \, \mathrm{d}t$$

آئیں ان معلومات کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 1.9 پر غور کریں جہاں 10 V کی منبع بوقی دباو 21 کے ساتھ 50 کی بوقی مزاحمت22 جوڑی گئی ہے۔اس دور میں برقی روکو منبع پیداکرتی ہے لہذا منبع کو فعال پرزہ 23 جبکہ مزاحمت کو انفعال پرزہ 24 کہا جاتا ہے۔انفعالی سمت کمی ترکیب کا نام اس حقیقت سے نکلاہے کہ اس ترکیب کے استعال سے انفعالی پرزہ جات پر مثبت طاقت حاصل ہوتا ہے۔

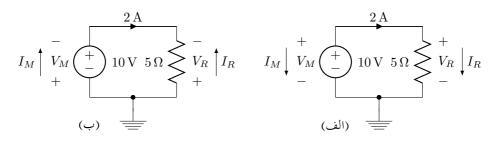
passive component²⁴

power¹⁹

voltage source²¹

electrical resistance²² active component²³

ابا-1. بنیاد



شكل 1.9: طاقت كى بيداوار اور طاقت كا ضياع.

قانون او ہم 25 کے تحت شکل 1.9 کے دور میں سمت گھڑی 2 A کی برتی رو پائی جائے گی جے دور میں بالائی تار پر تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔دور میں او ہم 2 کے بحت شکل 1.9 برتی روسے مراد ہیہ ہے کہ دور میں کئی تھلے پر اگر دیکھا جائے تو اس نقطے سے فی سینڈ 2 C بار گزرے گا۔ اس دور میں مجلی تارک حوالے سے بالائی تارپر مثبت دس وولٹ کی دباو ہے۔ یوں مزاحمت کے بالائی یعنی مثبت سرے سے مزاحمت کے نچلے یعنی منفی سرے کی جانب فی سینڈ دو کولب بار منتقل ہوتا ہے۔ یہ بالکل ایسا ہی ہے جیسے نقلی میدان میں بلند مقام سے میکانی بار گررہا ہو۔دو کولب کا بار دس وولٹ نیچ گرتے ہوئے 20 J کی مغفی توانائی 2 کو حوارتی توانائی 20 میں تبدیل ہو کر مزاحمت کو گرم کرے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 لی کو خوارتی ضیاع 30 اور مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 کے نیاں کہ مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 23 اور مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 23 اور مزاحمت میں عالم کے تبیں۔

انفعالی سمت کی ترکیب استعال کرتے ہوئے ہم شکل 1.9-الف میں منبع کی دباو کو V_M اور مزاحمت کی دباو کو V_R چننے کے بعد ان دباو کے مثبت سر سے منفی سرکی جانب روکی سمت چنتے ہیں۔ یوں حاصل منبع کی برقی رو I_M اور مزاحمت کی برقی رو I_R کو شکل-الف میں دکھایا گیا ہے۔ شکل- کو دیکھتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$V_M = 10 \text{ V}$$
 $V_R = 10 \text{ V}$
 $I_M = -2 \text{ A}$
 $I_R = 2 \text{ A}$

ان قیمتوں کو مساوات 1.6 میں پر کرتے ہوئے منبع اور مزاحمت کی طاقت حاصل کرتے ہیں۔

$$P_M = 10 imes (-2) = -20 \, \mathrm{W}$$
 طاقت کی منفی قیمت، طاقت کی پیداوار کو ظاہر کرتی ہے $P_R = 10 imes 2 = 20 \, \mathrm{W}$ طاقت کی مثبت قیمت، طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے

یہاں غیر متغیر طاقت کو بڑھے حروف تبجی میں P_M اور P_R لکھا گیا۔مزاحمت کی طاقت مثبت مقدار حاصل ہوئی ہے جبکہ منبع کی طاقت منفی مقدار ہے۔یوں مساوات 1.6 سے حاصل مثبت مقدار طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتی ہے جبکہ منفی مقدار طاقت کی پیدا وار کو ظاہر کرتی ہے۔

شکل 1.9 میں برقی دباو کے سمت الٹ چننے گئے جس کی وجہ سے رو کی سمتیں بھی الٹ کر دی گئی ہیں۔ یوں

$$V_M = -10 \,\mathrm{V}$$
 $V_R = -10 \,\mathrm{V}$
 $I_M = 2 \,\mathrm{A}$
 $I_R = -2 \,\mathrm{A}$

Ohm's law²⁵

clockwise²⁶

potential energy 27 مخفی توانائی کی اصطلاح خفیہ توانائی سے حاصل کی گئی ہے۔

thermal energy²⁹

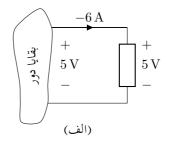
 $loss^{30}$

power loss³¹ thermal loss³²

resistive loss33

1.3. توانائي اور طاقت





شكل 1.10: فعال اور انفعال پرزے كى مثال.

لکھے جائیں گے جن سے دوبارہ

$$P_M = (-10) \times 2 = -20 \,\mathrm{W}$$

 $P_R = (-10) \times (-2) = 20 \,\mathrm{W}$

حاصل ہوتے ہیں۔

مثال 1.12 شکل 1.10 میں دوادوار دکھائے گئے ہیں۔دریافت کریں کہ آیا بیرونی پرزہ بقایا دور کو طاقت فراہم کرتا ہے یا کہ اس سے طاقت حاصل کرتا ہے۔طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں برقی روکی قیمت منفی لکھی گئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو تیر کے نشان کے الٹ سمت میں ہے۔روکی سمت الٹ تصور کرتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ بقایا دور کے مثبت سرے پر رو اندر داخل ہوتی ہے۔یوں بقایا دور انفعال ہے۔ییرونی پرزے کے مثبت سرے سے حقیقی رو خارج ہوتی ہے لہذا یہ فعال پرزہ ہے۔یوں بیرونی پرزہ طاقت فراہم کرتا ہے جبکہ بقایا دور میں طاقت خرچ ہوتا ہے۔یبی نتائج انفعال سمت کے ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ییرونی پرزے کے برقی دباو کو دیکھتے ہوئے روکی و کھائی گئی سمت ہی استعال کی جائے گی۔یوں ییرونی پرزے کی طاقت ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ یہو طاقت کی پیداوار ہے۔بقایا دور میں روکی انفعال سمت دکھائے گئے سمت کے الٹ ہے لہذا طاقت $P = 5 \times (-6) = -30$ سکت کے الٹ ہے لہذا طاقت ہیں کو ظاہر کرتا ہے۔آپ نے دیکھا کہ بیرونی پرزہ کی کا قائد بیدا کرتا ہے جبکہ بقایا دور اتنی ہی طاقت استعال کرتا ہے۔آپ دیکھی دور میں توانائی کی پیداوار اور خرج برابر ہوتے ہیں۔

شکل-ب میں رو نچلی تار میں دائیں سے بائیں طرف رواں ہے۔یوں بیر ونی پرزے کے مثبت سرے سے رو خارج ہوتی ہے جبکہ بقایا دور کے مثبت سرے میں رو داخل ہوتی ہے۔یوں بیر ونی پرزہ فعال اور بقایا دور انفعال ہے۔ بیر ونی پرزے کی طاقت کی طاقت P = 7 × (-3) = P ہے جو طاقت کی پیداوار ہے جبکہ بقایا دور کی طاقت P = 7 × 3 = 21 W ہے جو طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے۔

مثق 1.1: شکل 1.11 میں بیرونی پرزے کی طاقت حاصل کریں۔

باب 1. بنیاد





شكل 1.11: فعال اور انفعال پرزے كى مشق.



شکل 1.12: طاقت اور ایک متغیرہ دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کرنا ہے۔

جوابات: (الف) 8W ؛ (ب) 27W

مثال 1.3: شکل 1.12-الف میں برقی رو کی مقدار اور ست حاصل کریں جبکہ شکل-ب میں برقی د باواور اس کا مثبت سرا دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں بیرونی پرزے کی طاقت منفی ہے۔ یوں بیرونی پرزہ طاقت پیدا کرتا ہے لہٰذااس کے مثبت سرے سے رو خارج ہو گی یعنی دور میں گھڑی کے الٹ ست میں رویائی جائے گی۔رو کی قیت AA ہو گی۔

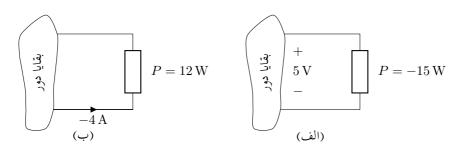
شکل-ب میں بیرونی پرزے کی طاقت مثبت ہے للذااس میں طاقت کا ضیاع ہو گااور برتی رو مثبت سرے سے پرزے میں داخل ہو گی۔دور میں گھڑی کی سمت میں منفی رو دکھائی گئی ہے للذا حقیقت میں رو گھڑی کی الٹ سمت ہے۔حقیقی رو کو گھڑی کے الٹ سمت تصور کرتے ہوئے بیرونی پرزے کا نچلا سرا مثبت ہو گااور برقی دباوکی قیبت 2V ہو گی۔

مثق 1.2: شكل 1.13 ميں نامعلوم متغيره دريافت كريں۔

حل: (الف) گھڑی کے الٹ A 3 ؛ (ب) بالائی تار مثبت ہے جبکہ دباو V 3 ہے۔

آخر میں دوبارہ اس حقیقت کی نشاندہی کرتے ہیں کہ کسی بھی برقی دور میں پیدادار طاقت اور طاقت کا ضیاع برابر ہوں گے۔

1.4. برقى پرزے



شکل 1.13: طاقت اور ایک متغیرہ دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کریں۔



شكل i: غير تابع منبع دباو اور اس كا i خطـ شكل 1.14:

1.4 برقی پرزے

برقی پرزوں کو دواقسام میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔وہ پرزے جو طاقت پیدا کرتے ہیں فعال پوزے ³⁵ کہلاتے ہیں جبکہ طاقت ضائع کرنے والے پرزوں کو انفعال پوز_{ے ³⁶ کہتے ہیں۔ جزیٹر اور بیٹری فعال پرزوں کی مثال ہے جبکہ مزاحمت، امالہ گیر ³⁷ اور برق گیر ⁸⁸ انفعال پرزے ہیں۔}

فعال پرزوں پر اس باب میں غور کیا جائے گا جبکہ انفعال پرزوں پر اگلے باب میں تفصیلاً غور کیا جائے گا۔

1.4.1 غير تابع منبع

غیر تابع منبع دباو 39سے مراد ایک منبع ہے جو، منبع میں سے گزرتی رو کے قطع نظر، اپنے دو سروں کے درمیان مخصوص برتی دباو برقرار رکھتا ہے۔ غیر تابع منبع دباوکی علامت کو شکل 1.14 میں دکھایا گیا ہے جہاں نقطہ A کے حوالے سے نقطہ B پر v(t) برتی دباو برقرار رہتا ہے۔ شکل میں غیر تابع منبع دباوکا دباو بالمقابل رو v(t) خط بھی دکھایا گیا ہے۔اس خط کے مطابق برتی دباوکی قیت پر برتی روکا کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔

شکل 1.15 میں غیر تابع منبع رو 40 کی علامت اور رو بالمقابل د باو v-i خطر دکھایا گیا ہے۔غیر تابع منبع روسے مراد ایسی منبع ہے جو، منبع پر د باو کے قطع نظر، مخصوص برقی رو بر قرار رکھتا ہے۔غیر تابع منبع رو کے د باو بالمقابل رو خط کے تحت منبع پر برقی د باو کے تبدیلی کا منبع کی روپر کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ منبع رو میں مثبت روکی سمت کو تیر کے نشان سے دکھایا جاتا ہے۔

عام استعال میں منبع بقایا دور کو طاقت فراہم کرتی ہے۔شکل 1.13-ب میں اگر بیرونی پرزہ منبع ہو تب آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع کو بھی طاقت فراہم کی جا سکتی ہے۔

active components³⁵

passive components³⁶

 $m nductor^{37}$

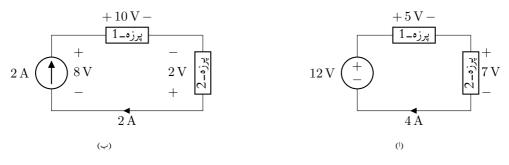
capacitor

independent voltage source³⁹ independent current source⁴⁰

باب 1. بنیاد



شکل 1.15: غیر تابع منبع رو اور اس کا v-i خط.



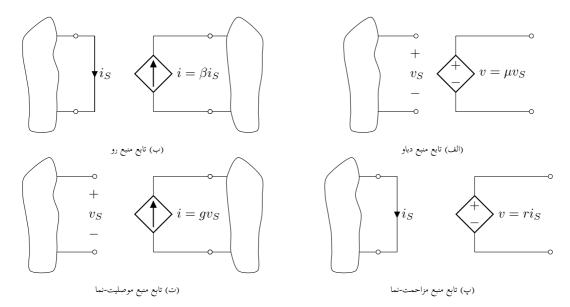
شكل 1.16: طاقت كا حساب.

منبع محدود صلاحیت کا حامل ہے۔اگرچہ ہم توقع کرتے ہیں کہ منبع د باوکسی بھی قیمت کی برقی رو فراہم کرتے ہوئے پیدا کردہ برقی د باو برقرار رکھے گا، حقیقت میں کوئی بھی منبع کسی محدود رو کی حد تک ایسا کر پاتا ہے۔

مثال 1.4: شکل 1.16-الف میں تینوں پرزوں کی طاقت دریافت کریں۔ (اشارہ: سلسلہ وار جڑے پرزوں میں یکساں روپائی جاتی ہے۔)

مثق 1.3: شکل 1.16-ب میں تینوں پرزوں کی طاقت حاصل کریں۔

1.4. برقی پرزے



شکل 1.17: تابع منبع کے چار اقسام۔

1.4.2 تابع منبع

غیر تابع منبع دباوکی پیدا کردہ دباوکا انحصار منبع سے گزرتی روپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع روکی پیدا کردہ روکا انحصار منبع پر دباوپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع دولو 41 کی پیدا کردہ دباو، دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ اسی طرح تابع منبع رو⁴² کی پیدا کردہ روہ دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ تابع منبع ہر قیات کی میدان میں کلیدی کردار ادا کرتے ہیں جہاں ہر قیاتی پرزہ جات مثلاً دو جوڑ شرانز سٹر پر مبنی ہر قیاتی ادوار کا حمالی حل انہیں ریاضی نمونوں کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے۔

مثال 1.5: شکل 1.18-الف میں خارجی د باواور شکل-ب میں خارجی رو دریافت کریں۔

dependent voltage source⁴¹

dependent current source⁴²

bipolar transistor, $\mathrm{BJT^{43}}$

MOSFET⁴⁴

mathematical model⁴⁵

dependent voltage source⁴⁶

control voltage⁴⁷

depended current source⁴⁸

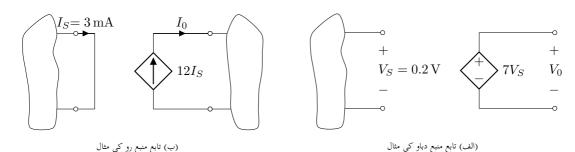
dimensionless⁴⁹

dimension⁵⁰

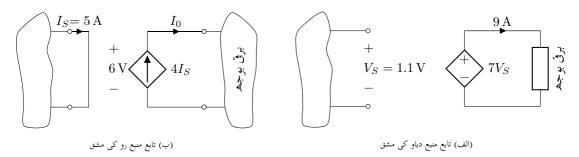
dependent transresistance source⁵¹

dependent transconductance source⁵²

باب 1. بنیاد



شکل 1.18: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مثال.



شکل 1.19: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مشق۔

عل: شكل-الف مين ضابط دباو 0.2 V اور منبع كالمستقل 7 ہے۔ يول پيدا كرده دباو 1.4 V = 7 × 0.2 ہو گا۔ شكل-ب ميں ضابط رو AmA اور منبع كا مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA 3 مستقل 12 ہے۔

اس مثال میں تابع منبع دباو داخلی دباو کو 7 گنا بڑھاتا ہے گویا منبع بطور ایمپلیفائر دباو 53 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش دباو 54 ہے۔اس طرح شکل-ب میں تابع منبع رونے داخلی رو کو 12 گنا بڑھاکر خارج کیا، گویا ہے منبع بطور ایمپلیفائو رو 55 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش رو 56کی قیت 12 ہے۔

شکل 1.17-پ بالکل اسی طرح داخلی ضابط رو کی نسبت سے برقی دباو خارج کرتے ہوئے بطور ایمپلیفائو مزاحمت۔ نما⁵⁷ کردار اداکرتا ہے جہال منبع کا مستقل افزائش مزاحمت۔ نما⁶⁸ کام کرتا ہے اور اس کے مستقل کو افزائش موصلیت۔ نما⁶⁹ کہا فزائش مزاحمت۔ نما⁶⁹ کہا ہے ہیں۔

مثق 1.4: شكل 1.19 مين برقى بوجه كي طاقت دريافت كرين ـ

voltage amplifier⁵³

voltage gain⁵⁴

current amplifier55

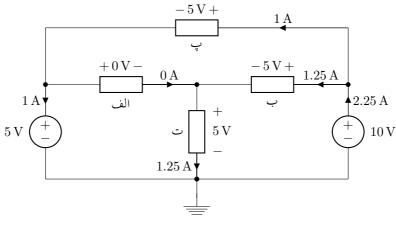
 $\rm current~gain^{56}$

transresistance amplifier⁵⁷

 ${\rm transresistance~gain^{58}} \\ {\rm transconductance~amplifier^{59}}$

transconductance gain⁶⁰

1.4. برقی پرزے



شكل 1.20: مثال 1.6 كا دور.

جوابات: (الف): 69.3 W (ب) 120 W

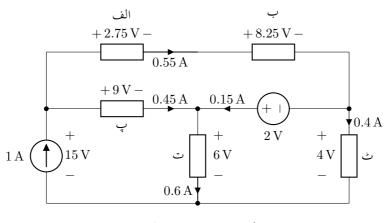
مثال 1.6: شکل 1.20 میں تمام پرزه جات کی طاقت دریافت کریں۔

 2 علی: بوجھ-الف میں برقی روصفر ہے اور اس کے دونوں سروں کے مابین دباو بھی صفر ہے للذا اس کی طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ ہے۔ بوجھ-ب کی طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 =$

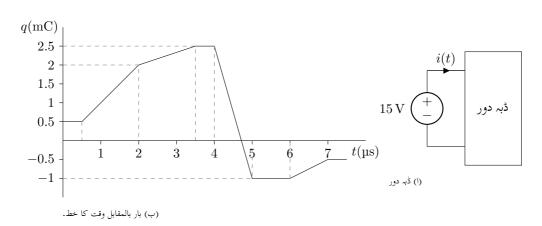
کل طاقت کا ضیاع $22.5 \, \mathrm{W} = 5 + 6.25 + 5 + 6.26 + 5 + 6.26 + 5$ ہے۔ دایاں منبع تمام طاقت پیدا کرتا ہے جبکہ بائیں منبع کو از خود طاقت در کار ہے۔

مثق 1.5 شکل 1.21 کے تمام پرزوں میں طاقت حاصل کریں۔ کیا طاقت کی پیدا وار اور اس کا ضیاع برابر ہیں۔

جوابات: بالترتیب الف تاٹ: 1.5125 W ، 4.5375 W ، 4.05 W ، 3.6 W ، 3.6 W ، منبع دباو کی طاقت 0.3 W – اور منبع رو کی طاقت 15 W – ہے۔دور میں کل طاقت کی پیداوار 15.3 W ہے۔اتنی ہی طاقت پیدا بھی ہوتی ہے للذا دونوں برابر ہیں۔ اب 1. بیاد

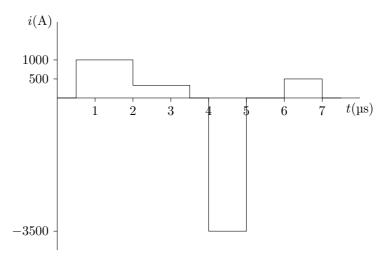


شکل 1.21: طاقت کے حصول کی مشق۔



شكل 1.7: مثال 1.7 كا شكل.

1.4. برقی پرزے



شكل 1.7: برقى رو مثال 1.7

مثال 1.7: شکل 1.22-الف میں ڈبہ دور د کھایا گیا ہے جس میں برقی بار بھری جارہی ہے۔برقی بار بالمقابل وقت کا خط شکل-ب میں دیا گیا ہے۔اس خط سے برقی رو بالمقابل وقت کا خط حاصل کریں۔

من وقت t=0 تا $\Delta q=0$ تا کی برتی بار بلا تبدیل ہوئے $0.5\,\mathrm{mC}$ رہتا ہے لہذا $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ ہونے میں t=0

$$i = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{0 \text{ C}}{0.5 \,\mu\text{s}} = 0 \text{ A}$$
 $(0 < t < 0.5 \,\mu\text{s})$

ہو گا۔وقت $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ تا $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ کے دوران برقی بار $t=0.5\,\mathrm{mC}$ سے تبدیل ہو کر $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ ہو گا۔

$$i = \frac{2 \,\mathrm{mC} - 0.5 \,\mathrm{mC}}{2 \,\mathrm{us} - 0.5 \,\mathrm{us}} = 1000 \,\mathrm{A}$$
 (0.5 $\,\mathrm{\mu s} < t < 2 \,\mathrm{\mu s}$)

ہو گا۔اسی طرح بقایا دورانیوں میں

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2 \text{ mC}}{3.5 \text{ } \mu \text{s} - 2 \text{ } \mu \text{s}} = 333.33 \text{ A} \qquad (2 \text{ } \mu \text{s} < t < 3.5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{4 \text{ } \mu \text{s} - 3.5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (3.5 \text{ } \mu \text{s} < t < 4 \text{ } \mu \text{s})$$

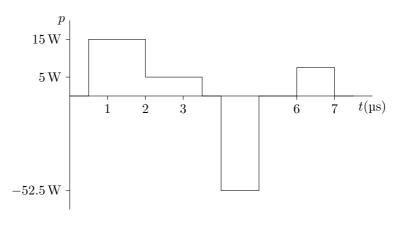
$$i = \frac{-1 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{5 \text{ } \mu \text{s} - 4 \text{ } \mu \text{s}} = -3500 \text{ A} \qquad (4 \text{ } \mu \text{s} < t < 5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i \frac{-1 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{6 \text{ } \mu \text{s} - 5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (5 \text{ } \mu \text{s} < t < 6 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{-0.5 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{7 \text{ } \mu \text{s} - 6 \text{ } \mu \text{s}} = 500 \text{ A} \qquad (6 \text{ } \mu \text{s} < t < 7 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = 0 \text{ A} \qquad (7 \text{ } \mu \text{s} < t)$$

اور اس کے بعد i=0 ہے۔ان نتائج کو شکل 1.23 میں د کھایا گیا ہے۔آپ د کیھ سکتے ہیں کہ بار نہ بدلنے کی صورت میں رو صفر ہوتی ہے۔ بڑھتے بار کی صورت میں مثبت رواور گھٹتے بار کی صورت میں منفی رو پائی جاتی ہے۔ باب 1. بنیاد



شكل 1.24: طاقت بالمقابل وقت

مثال 1.8: مندرجه بالا مثال مين طاقت بالمقابل وقت حاصل كريں۔

حل: طاقت p=vi ہوتا ہے۔ شکل 1.22-الف سے دباو کی قیمت 15 V ملتی ہے جبکہ شکل 1.23 سے رو کی قیمت مختلف دورا نیے کے لئے حاصل کی جا سکتی ہے۔ یوں مختلف دورا نیے کے طاقت درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\begin{array}{lll} p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (0 < t < 0.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 1000 = 15 \, \mathrm{kW} & (0.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 2 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 333.33 = 5 \, \mathrm{kW} & (2 \, \mathrm{\mu s} < t < 3.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (3.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 4 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times (-3500) = -52.5 \, \mathrm{kW} & (4 \, \mathrm{\mu s} < t < 5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (5 \, \mathrm{\mu s} < t < 6 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 500 = 7.5 \, \mathrm{kW} & (6 \, \mathrm{\mu s} < t < 7 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (7 \, \mathrm{\mu s} < t) \end{array}$$

ان جوابات كوشكل 1.24 مين د كھايا گيا ہے۔

مثال 1.9: آج کل کمپیوٹر 61 کا زمانہ ہے اور یو-ایس-بی 62 یعنی عمومی سلسلہ وار پھاٹک کا استعال عام ہے۔ کسی بھی کمپیوٹر یا عددی دور 63 کو عددی مواد 64 جن برقی تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور کے داخلی پھاٹک 65 کہلاتے ہیں اور جن تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور سے عددی مواد صاصل کیا جاتا ہے، کمپیوٹر یا عددی دور کے خارجی پھاٹک 66 کہلاتے ہیں۔ عمومی سلسلہ وار پھاٹک (یو-ایس-بی) پر کمپیوٹر عددی مواد حاصل

```
computer<sup>61</sup>
USB Universal Serial Port<sup>62</sup>
digital circuit<sup>63</sup>
digital data<sup>64</sup>
```

input port⁶⁵ output port⁶⁶

1.4. برقی پرزے

بھی کر سکتا ہے اور خارج بھی کر سکتا ہے۔ یوں یہ داخلی۔ خارجی پھاٹک ⁶⁷ ہے۔ اس پھاٹک کی مدد سے کمپیوٹر کے ساتھ بیر ونی آلات مثلاً موبائل فون، عددی کیمرہ وغیرہ جوڑے جا سکتے ہیں۔ یہ پھاٹک بیر ونی آلات کو برقی طاقت فراہم کرنے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔ یہ پھاٹک چار عدد برقی تاروں پر مشمل ہے جن میں دو تار عددی مواد کے ترسیل اور دو تار برقی طاقت کی فراہمی کے لئے استعال ہوتے ہیں۔ یہ پھاٹک عام حالت میں 100 mA برقی رو فراہم کر سکتا ہے جبکہ سافٹ وئیر کے ذریعہ پھاٹک سے برقی روکی فراہمی کے 20 سرگا تک بڑھائی جا سمتی ہے۔

یو۔ایس-بی پھائک استعال کرتے ہوئے موبائل کی بیے باد® بیٹری میں بار بھرا جاتا ہے۔بیٹری کی استعداد 1700 mA h ہے۔الف) بیٹری کی استعداد کولیب ک میں حاصل کریں۔ب) اگر پھائک 100 mA رو فراہم کر رہا ہو تب بیٹری کو مکمل بھرنے میں کتنی دیر گئے گی۔

حل:الف) مکمل بھری بیٹری میں کل بار ہی بیٹری کی استعداد ہوتی ہے۔ بیٹری کی استعداد کو کولمب C کی بجائے Ah میں بیان کیا جاتا ہے۔ دی گئی بیٹری کی استعداد

$$Q = I \times t = 1700 \times 10^{-3} \times 3600 = 6120 \,\mathrm{C}$$

ہے جہاں ایک گھنٹہ 3600 سینڈکے برابرہے۔

ب) یوں MA کی روسے بیٹری بھرنے میں

$$t = \frac{6120}{100 \times 10^{-3}} = 61200 \,\mathrm{s} = 17 \,\mathrm{h}$$

ستر ہ گھنٹے در کار ہوں گے۔

input-output port⁶⁷ discharged⁶⁸

باب 1. بیاد

باب 2

مزاحمتي ادوار

2.1 قانون اوہم

شکل 2.1-الف میں کارتیسی محدد اپر سید سے خطوط دکھائے گئے ہیں۔بالائی خط کی مساوات $y=m_1x+c_1$ ہے جہاں خط کی ڈھلوان m_1 جبکہ خط y محدد کو m_2 کی خط کی ڈھلوان m_3 ہے جبکہ سے محدد کے مرکز m_3 سے گزرتی ہے للذا سے خط محدد کو m_2 محدد کو m_3 ہے جبکہ سے محدد کے مرکز m_3 سے ادریوں اس کی مساوات m_3 ہے۔

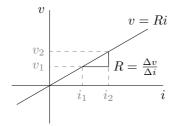
مزاحمت کے دو سروں کے مابین مختلف برقی دباو ہ لاگو کرتے ہوئے برقی رو i ناپی گئے۔ برقی دباو کو عمودی محدد اور برقی رو کو افقی محدد پر رکھتے ہوئے ان کے تعلق کو شکل 2.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس خط کو مزاحمت کی دباو بالمقابل رو خط کہا جاتا ہے۔شکل-ب کا شکل-الف کی پنجلی خط کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے اس خط کو

$$v = Ri \qquad v = ri$$

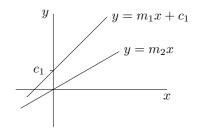
لکھا جا سکتا ہے جہاں خط کی ڈھلوان کو R کھااور برقی مزاحمت 3 یا صرف مزاحمت پکارا جاتا ہے۔اس مساوات کو قانون اوہم 4 کہتے ہیں۔شکل-ب میں مزاحمت R کو بطور ڈھلوان دکھایا گیا ہے۔

$$R = rac{v_2 - v_1}{i_2 - i_1} = rac{\Delta v}{\Delta i}$$
 عزاجمت کی تعریف

Cartesian coordinates¹ slope² electrical resistance³ Ohm's law⁴

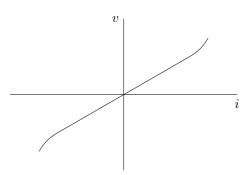


(ب) مزاحمت کے برقی دباو بالمقابل رو خط اور اوہم کا قانون۔

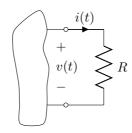


(۱) سیدهر خطوط اور ان کی ریاضی مساوات.

22 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.2: غير خطى دباو بالمقابل رو كي تعلق.



شكل 2.3: اوبم كا قانون اور مزاحمتي ضياع.

شکل 2.1-ب میں دباو اور رو راست تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔راست تناسی تعلق کو خطبی تعلق کہا جاتا ہے۔اگرچہ اس کتاب میں مزاحمت کو خطبی پرزہ ؟ ہی تصور کیا جائے گا، یہ جاننا ضروری ہے کہ کئی نہایت اہم اقسام کے پرزے غیر خطبی مزاحمت کی خاصیت رکھتے ہیں۔عام استعال میں 200 پر جلنے والا بلب غیر خطبی مزاحمت کی مثال ہے۔اس بلب کے v-i تعلق کو شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے۔

وقت کے ساتھ بدلتا دیاو اور بدلتی رو کی صورت میں قانون اوہم

$$(2.3) v(t) = Ri(t)$$

کھا جائے گا جہاں وقت t کے ساتھ بدلتے برقی دباو اور بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف میں کھا گیا ہے۔ مساوات 2.3 سے مزاحمت کا اُبعد $\frac{V}{A}$ حاصل ہوتا ہے جسے اوہ ہم پر پکار ااور Ω سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں اگر کسی مزاحمت پر $10\,V$ کا برقی دباولا گو کرنے سے مزاحمت میں 0 کی روگزرے تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔ تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔

شکل 2.3 میں برقی دور کے ساتھ مزاحمت کی جہ مزاحمت کی دباو v(t) اور رو i(t) ہیں۔ صفحہ 7 پر مساوات 1.6 کے تحت اس مزاحمت میں طاقت کا ضیاع

$$p(t) = v(t)i(t)$$

ہو گا۔ اس مساوات میں برقی دباو v(t) میں قانون اوہم پُر کرتے ہوئے

$$p(t) = Ri(t) \times i(t) = Ri^{2}(t)$$

i(t) کی جگہ قانون اوہم استعال کرتے ہوئے ماصل ہوتا ہے۔ اس طرح طاقتی ضیاع کی مساوات میں

$$p(t) = v(t) \times \frac{v(t)}{R} = \frac{v^2(t)}{R}$$

linear⁵ linear component⁶

Ohm⁷

2.1. قانون اوبم

حاصل ہوتا ہے۔مندر جہ بالا تین مساوات کو اکٹھے کھتے ہیں۔

$$p(t) = v(t)i(t) = Ri^{2}(t) = \frac{v^{2}(t)}{R}$$
 (2.4)

درج بالا مساوات مزاحمت کی طاقت دیتی ہے۔ یہ طاقت حرارتی توانائی میں تبدیل ہوتی ہے جس سے مزاحمت کا درجہ حرارت بڑھتا ہے۔

مزاحمت کے علاوہ موصلیت 8 G بھی بہت مقبول ہے جہال

$$(2.5) G = \frac{1}{R}$$

کے برابر ہے۔موصلیت کی اکائی سیمتر ⁹ S ہے جہاں

$$(2.6) 1S = 1\frac{A}{V}$$

کے برابر ہے۔مساوات 2.5 کے استعال سے اوہم کے قانون کو

$$i(t) = Gv(t)$$

اور مزاحمت کی طاقت کو

(2.8)
$$p(t) = Gv^{2}(t) = \frac{i^{2}(t)}{G}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مثال 2.1: ایک عدد مزاحت پر ۷ کا لاگو کرنے سے مزاحت میں 4 A پیدا ہوتی ہے۔ اس کی موصلیت دریافت کریں۔

حل:مساوات 2.7 کی مدد سے

$$G = \frac{i}{v} = \frac{4}{20} = 0.2 \,\mathrm{S}$$

 $G=rac{1}{R}=0.2\,\mathrm{S}$ عاصل ہوتا ہے۔ یہی جواب، اوہم کے قانون سے $\Omega=rac{20}{4}=5\,\Omega$ کیسے اور

شکل 2.4-الف میں برقی دور کے ساتھ متغیر مزاحمت i(t) کی صورت میں مزاحمت پر ترچھا تیر کھنچ کر متغیر مزاحمت کو ظاہر کیا جاتا ہے۔اگر متغیر مزاحمت کی قیمت کم کرتے کرتے صفر کر دی جائے تو کسی بھی رو i(t) کی صورت میں مزاحمت پر لاگو برقی دباو، قانون اوہم کے تحت i(t) کی صورت میں مزاحمت پر لاگو برقی دباو، قانون اوہم کے تحت i(t) قصر دور کیا جاتا ہے۔اس ہوگا۔ یہ صورت حال شکل - ب میں دکھائی گئ ہے اور اس صورت کو قصر دور i(t) کیتے ہیں۔ دو نقطوں کو موصل تارسے جوڑ کر قصر دور کیا جاتا ہے۔اس کے برعکس اگر متغیر مزاحمت کی قیمت لا محدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو i(t) پر، قانون اوہم کے تحت i(t) کی قیمت لا محدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو i(t) کی کھلا دور کرنے کا مطلب یہ ہے کہ ان نقطوں کے مابین مزاحمت لا محدود کر دی جائے۔ قصر دور پر ہر صورت صفر دو پائی جاتی ہے۔

 $conductance^{8} \\$

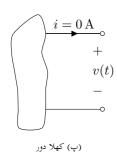
 $Siemens^9$

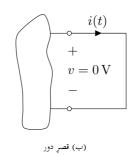
ariable resistor¹⁰

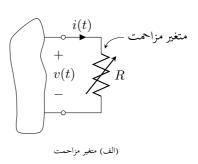
short circuit¹¹

open circuit¹²

24 باب 2. مزاحمتی ادوار







شكل 2.4: قصر دور اور كهلا دور.

مثال 2.2: شکل 2.5-الف میں رواور مزاحمتی طاقت دریافت کریں۔

حل: قانون اوہم سے مزاحت میں رو

$$i = \frac{12}{3} = 4 \,\mathrm{A}$$

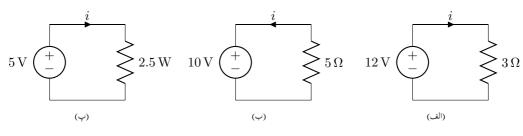
حاصل ہوتی ہے اور یوں مزاحمتی طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = v \times i = 12 \times 4 = 48 \,\mathrm{W}$$

يبى جواب مساوات 2.4 ميں دے ديگر كليات سے بھى حاصل مو كا لعنى

$$p = \frac{v^2(t)}{R} = \frac{12^2}{3} = 48 \text{ W}$$
$$p = i^2(t)R = 4^2 \times 3 = 48 \text{ W}$$

مثال 2.3: شکل 2.5-ب میں رواور مزاحمتی طاقت دریافت کریں۔



شكل 2.5: مزاحمتي ادوار مثال 2.2 تا مثال 2.4

2.5. قانون اوبم

حل: مزاحمت کا بالائی سرا مثبت ہے للذااس میں رو کی سمت اوپر سے پنچے ہوگی جو دکھلائے گئی سمت کے الٹ ہے۔اس طرح دی گئی سمت میں رو کی قیت منفی ہوگی یعنی

$$i = -\frac{10}{5} = -2 \,\mathrm{A}$$

جبکه مزاحمت طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = i^2 R = 20 \,\mathrm{W}$$

مثال 2.4: شکل 2.5-پ میں رواور مزاحمتی دریافت کریں۔

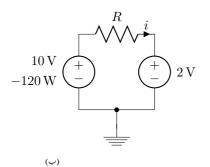
مل: دور میں طاقت کی پیداوار اور ضیاع برابر لیتے ہوئے طاقت کی مساوات p=vi سے منبع کی رو حاصل کرتے ہیں۔ $i=rac{p}{v}=rac{2.5}{5}=0.5\,\mathrm{A}$

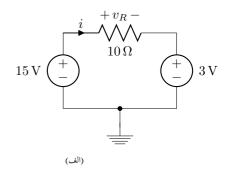
اوہم کے قانون سے مزاحت کی قیمت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$R = \frac{v}{i} = \frac{5}{0.5} = 10\,\Omega$$

مثال 2.5: شکل 2.6-الف میں مزاحمت کی رواور طاقت دریافت کریں۔

 $v_R=15\,{
m V}-3\,{
m V}=12\,{
m V}$ کی تانون او ہم میں مزاحمت کا دباو $v_R=15\,{
m V}-3\,{
m V}=12\,{
m V}$ کی تانون او ہم میں مزاحمت کا دباو





شكل 2.6: مزاحمتي ادوار مثال 2.5 تا مثال 2.6

26 باب 2. مزاحمتی ادوار

اسی طرح مزاحمت کی دباو 12 V لیتے ہوئے اس کی طاقت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$p = vi = 12 \times 1.2 = 14.4 \,\mathrm{W}$$

یمی جواب مساوات 2.4 میں دئے دیگر کلیات سے بھی حاصل کرتے ہیں۔

$$p = i^2 R = 1.2^2 \times 10 = 14.4 \,\mathrm{W}$$

$$p = \frac{v_R^2}{R} = \frac{12^2}{10} = 14.4 \,\mathrm{W}$$

مثال 2.6: شکل 2.6-ب میں مزاحمت میں رواور طاقت دریافت کریں۔دائیں منبع کی طاقت بھی دریافت کریں۔

حل: بائیں منبع کی طاقت اور دیاو دیے گئے جس سے منبع کی مثبت سر سے خارج ہوتی رو کی قیت 12A حاصل ہوتی ہے۔مزاحمت کی دیاو 8V ہے لہٰذااس کی مزاحمت

$$R = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}\Omega$$

ہو گی۔اس طرح مزاحمت کی طاقت

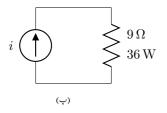
$$p = vi = 8 \times 12 = 96 \,\text{W}$$

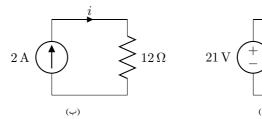
ہو گا۔دائیں منبع کو طاقت فراہم کی جارہی ہے جس کی قیمت درج ذیل ہے۔

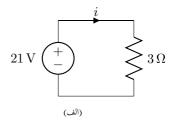
$$p = vi = 2 \times 12 = 24 \text{ W}$$

یوں کل 120 = 24 + 96 طاقت فراہم کی جارہی ہے جو طاقت کی پیدا وار کے عین برابر ہے۔

مثق 2.1: شكل 2.7-الف مين مزاحمت كي رواور طاقت حاصل كريں۔ منبع كي طاقت بھي حاصل كريں۔







شكل 2.7: مزاحمتي ادوار مشق 2.1 تا مشق 2.3

27 2.2. قوانين كرچاف

 $p=-127\,\mathrm{W}$ ، $p=127\,\mathrm{W}$ ، $i=7\,\mathrm{A}$ جوابات:

مثق 2.2: شکل 2.7-ب میں مزاحمت کا دیاواور طاقت حاصل کریں۔ منبع کی طاقت بھی دریافت کریں۔

 $p=-48\,\mathrm{W}$ ، $p=48\,\mathrm{W}$ ، $v=24\,\mathrm{V}$ جوایات:

مثق 2.3: شکل 2.7-پ میں مزاحت کی رواور دباو حاصل کریں۔ منبع کی طاقت دریافت کریں۔

 $p = -36 \,\mathrm{W}$ ، $v = 18 \,\mathrm{V}$ ، $i = 2 \,\mathrm{A}$ جوابات:

قوانین کرچاف 2.2

اوہم کے قانون سے ایک مزاحمت اور ایک منبع پر مبنی دور آسانی سے حل ہوتا ہے البتہ زیادہ پرزوں پر مبنی دور حل کرتے ہوئے اس کا استعال قدر مشکل ہوتا ہے۔ زیادہ پرزہ جات کے ادوار قوانین کو چاف ^{14 13} کی مدد سے نہایت آسانی کے ساتھ حل ہوتے ہیں۔ برقی دور میں برقی پرزوں کو موصل تاروں سے آپس میں جوڑا جاتا ہے۔موصل تارکی مزاحمت کو صفر اوہم تصور کیا جاتا ہے للذاان میں طاقت کا ضیاع صفر ہو گا۔یوں طاقت کی پیداوار اور ضیاع صرف برقی پرزوں میں ممکن ہے۔

اس سے پہلے کہ ہم کرجاف کے قوانین پر غور کریں، ہم کچھ اصطلاحات مثلاً جوڑ¹⁵ ، **دا**ؤرہ ¹⁶ اور شاخ¹⁷ جاننے کی کوشش کرتے ہیں۔شکل 2.8-الف میں مزاحت R₃ ، R₂ اور منبع V₁ نقطہ j₀ پر جڑے ہیں۔اس نقطے کو جو ڈ₁ ن کہا جائے گا۔اس شکل میں جو ڈ₁ اور j₃ بھی د کھائے گئے ہیں۔شکل 2.8-ب میں اسی شکل کو قدر مختلف طریقے سے د کھایا گیا ہے۔ یہاں بھی ان جو ڈو ں کی نشاندہی کی گئی ہے۔کسی بھی دویادو سے زیادہ پرزوں کو جوڑنے والے موصل تار کو جوڈ تصور کیا جاتا ہے۔ یوں شکل-الف میں جوڑ j_0 نقطہ مانمذ ہے جبکہ شکل-ب میں نجلی یوری تار جوڑ j_0 ہے۔جوڑ کو ظاہر کرنے والی تار کی لمبائی کچھ بھی ہو سکتی ہے۔

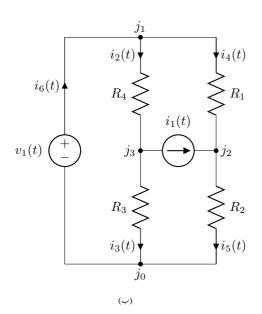
کسی بھی دور میں متعدد راستے ممکن ہیں۔ شکل 2.8 میں جوڑ j_1 سے مزاحت R_4 کے راستے جوڑ j_3 تک پہنچا جا سکتا ہے جہال سے منبع $i_1(t)$ ک راستے جوڑ j_1 اور پھر مزاحمت R_1 کے راستے واپس جوڑ j_1 تک پہنچا جا سکتا ہے۔ابیا بند راستہ جو ابتدائی جوڑ پر ہی اختیام پذیر ہو بند راستہ کہلاتا

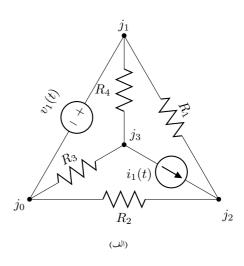
Kirchoff's laws13

 $^{^{1845}}$ پیش کیا۔ 1845 منی کے گستاف روبرٹ کرچاف نے ان قوانین کو گستاف روبرث کرچاف نے ان موانین کو متحا

 $branch^{17}$

28 باب 2. مزاحمتی ادوار





شكل 2.8: جوڑ اور دائرے۔

ے۔ایبا بند راستہ جس پر کسی بھی جوڑ سے صرف ایک مرتبہ گزرا جائے دائوہ 81 کہلاتا ہے۔اس طرح R_1 اور R_4 اور R_4 دائوہ ہے۔ای طرح R_1 اور R_3 اور R_4 بال R_4 ایک ایک اور مثال R_4 بال R_4 بال R_4 بال کے برعکس R_4 بال R_4 بال R_4 بال R_4 بال کی ایک اور مثال R_4 بال R_4 بال کی جو نکہ اس میں جو گرکہ اس میں جو گرد اگیا۔ R_4 بال نام بھی جو نکہ اس میں جو گرد اگرا گیا۔ R_4 بال نام بھی جو نکہ اس میں جو گرد اگرا گیا۔

برقی دور میں ہر برقی پرزے کو شاخ 19 کہتے ہیں۔ شکل 2.8 میں کل چھ (6) شاخ ہیں۔ جوڑ j_3 پر تین شاخ j_3 ہیں۔ شکل 2.8 میں کل چھ (6) شاخ ہیں۔ جوڑ j_3 پر تین شاخ j_3 ، j_3 اور j_3 بیں۔ آئیں اب قوانین کو چاف کی بات کریں۔ j_3 ہیں۔ جوڑ j_3 پر تین شاخ j_3 ، j_3 ، j_3 اور j_3 بیں۔ آئیں اب قوانین کو چاف کی بات کریں۔

کرچاف کا قانون برائے برقی رو کہتاہے کہ کسی بھی جوڑ پر داخلی برقی رو کا مجموعہ خارجی برقی رو کے مجموعے کے عین برابر ہوتاہے۔

کرچاف کے قانون برائے برقی روکو کو چاف قانون روکہا جائے گا۔اس قانون کو کسی بھی جوڑ کے لئے یوں

$$\sum i_{\text{clip}} = \sum i_{\text{clip}} = \sum i_{\text{clip}}$$
 غاري رو

لکھا جاتا ہے۔ شکل 2.8-ب میں جوڑ jo پر درج بالا مساوات سے

(2.10)
$$i_3(t) + i_5(t) = i_6(t) \qquad j_0 \, j_3$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح بقایا جوڑوں پر کرچاف قانونِ روسے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں جہاں مساوی علامت (=) کے بائیں جانب داخلی رو کا مجموعہ اور دائیں جانب خارجی رو کا مجموعہ ہے۔

(2.11)
$$i_6(t) = i_2(t) + i_4(t) \qquad j_1 \mathcal{F}.$$

(2.12)
$$i_1(t) + i_4(t) = i_5(t) \qquad j_2 j_3.$$

(2.13)
$$i_2(t) = i_1(t) + i_3(t) \qquad j_3 \, \mathcal{F}.$$

loop¹⁸ branch¹⁹ 2.2. قوانين كرچاف

ا گرجوڑ پر تمام رو کی سمت خارجی تصور کی جائے تب قانون کو چاف بوائیے رو 20 کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے جہاں $i_s(t)$ شاخ s میں جوڑ سے خارج رو ہے اور جوڑ کے ساتھ جڑے شاخوں کی تعداد N ہے۔

$$\sum_{s=1}^{N} i_s(t) = 0$$
 کرچاف قانونِ رو

اگر جوڑ پر تمام روکی سمت داخلی تصور کی جائے تب قانون کو چاف بوائے روکو درج بالا کھا جا سکتا ہے جہاں $i_s(t)$ شاخ s میں جوڑ پر داخل رو ہے۔

مساوات 2.14 کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.8-ب کے لئے درج ذیل لکھا جائے گا جہاں خارجی رو مثبت اور داخلی رو منفی لکھے گئے ہیں۔

(2.15)
$$i_6(t) - i_3(t) - i_5(t) = 0 j_0 \mathcal{F}.$$

$$(2.16) i_2(t) + i_4(t) - i_6(t) = 0$$

$$(2.17) i5(t) - i1(t) - i4(t) = 0$$

$$(2.18) i_1(t) + i_3(t) - i_2(t) = 0$$

مساوات 2.10 تا مساوات 2.13 کو مساوات 2.9 سے حاصل کیا گیا جبکہ مساوات 2.15 تا مساوات 2.18 کو مساوات 2.14 سے حاصل کیا گیا۔ مساوات 2.10 تا مساوات 2.15 کو مساوی نشان (=) کی دوسری جانب منتقل کرنے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔ مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔

مساوات 2.16، مساوات 2.15 اور مساوات 2.18 کو جمع کرنے کے بعد منفی ایک (-1) سے ضرب دینے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ یوں مندر جہ بالا چار بھزاد مساوات 12 میں صرف تین عدد مساوات غیر تابع 22 مساوات ہیں۔ ان میں کسی بھی تین مساوات کے استعال سے چو تھی مساوات حاصل کی جاسمتی ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات حاصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات در کار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات x اور y مندر جہ ذیل ہمزاد مساوات میں سے کسی بھی دو مساوات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع تصور کرتے ہوئے تیسری مساوات عاصل کی جاسکتی ہے لہذا تیسر کی تابع مساوات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضرور کی مساوات ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہے جسے لکھنے کی ضرورت نہیں ہے۔

$$x + y = 3$$
$$x - y = 1$$
$$x - 3y = -1$$

جس برقی دور میں کل ہ J عدد جوڑ پائے جاتے ہوں، اس میں J – J غیر تالع مساوات حاصل ہوتے ہیں للذا کسی بھی ایک جوڑ کے بغیر بقایا تمام پر جوڑ پر مساوات کئے جاتے ہیں۔

کرچاف قانونِ روکے استعال میں اصل روکی سمت کو نہیں دیکھا جاتا بلکہ صرف متغیرات $i_1(t)$ ، $i_2(2)$ ، $i_1(t)$ ، $i_2(3)$ ، $i_3(t)$ ، $i_3(t)$

کر چاف قانونِ روعمومی مساوات ہے جے ہم روز مرہ زندگی میں برقی روکی بجائے مختلف چیز وں پر لاگو کرتے ہیں۔ شکل 2.9-الف میں ایک گڈریا پورے دن بکریاں چرانے کے بعد انہیں شام کو پہاڑی سے نیچے ایک پگڈنڈی پر اتار رہا ہے۔ گڈریا پنی بکریوں کو خیر خیریت سے دکھائی گئے راستے سے نیچے اتار

Kirchoff's Current Law, KCL²⁰ simultaneous equations²¹

واب 2. مزاحمتي ادوار



شکل 2.9: کرچاف قانونِ رو کو بکریوں پر بھی لاگو کیا جا سکتا ہے۔

پاتا ہے۔ نقط ز سے پنچے دو پگڈنڈیاں ہیں۔ اگر بالائی پگڈنڈی پر اللہ کی پگڈنڈی پر اللہ کی پگڈنڈیوں پر کل اتن ہی کہ بلی اتر ہے۔ کہ یاں اترے گنی جائیں تو آپ یقین کر سکتے ہیں کہ پنجی دو پگڈنڈیوں پر کل اتن ہی کمریاں اترے گی یعنی اور کہتے ہیں۔ یوں برتی رو کیا جات کرتے ہوئے ہم حقیقت میں برتی بارکی بات کرتے ہیں۔ یاں بڑھتی ہے۔ اس لئے بالکل پگڈنڈی ہم حقیقت میں برتی بارکی بات کرتے ہیں۔ تار میں برتی بارکا وجود الیکٹران پر ہے جس کی تعداد ناتو کم ہوتی ہے اور ناہی بڑھتی ہے۔ اس لئے بالکل پگڈنڈی پر چلتی بکریوں کی طرح تار میں چلتے الیکٹران کی تعداد اس جوڑ سے خارج ہوتے الیکٹران کے برابر ہوگا۔ طبیعیات کے اصولوں کے تحت کسی بھی جوڑ پر برتی بارکا انبار نہیں جمع ہوتا۔ 23

کر چاف قانونِ رو کسی بھی بند سطح کے لئے ورست ہے۔شکل 2.9-ب میں ہلکی ساہی میں بند سطح میں داخل بکر یوں کی تعداد سطح سے خارج بکر یوں کے برابر ہوگی۔اس شکل میں بند سطح کو جوڑ ن تصور کیا جا سکتا ہے۔

مثال 2.7: شكل 2.10-الف مين نا معلوم رو دريافت كريں۔

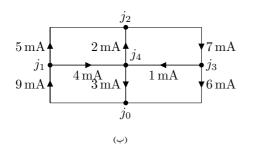
 $i_4=5\,\mathrm{mA}+2\,\mathrm{mA}=7\,\mathrm{mA}$ کے برابر ہو گی کیتی $i_4=5\,\mathrm{mA}+2\,\mathrm{mA}=7\,\mathrm{mA}$

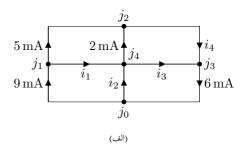
جوڑ j_3 پر داخلی رو کا مجموعہ i_4+i_3 ہے جو خار جی i_4+i_3 کے برابر ہو گا۔ یوں درج بالا حاصل کردہ i_4 کی قیمت پُر کرتے ہوئے $7\,\mathrm{mA}+i_3=6\,\mathrm{mA}$

سے درج ذیل حاصل ہوتاہے

$$i_3 = -1 \,\mathrm{mA}$$

²³میں امید کرتا ہوں کہ میری شاگردہ فرحانہ مشتاق کی طرح آپ کو بھی گڈریا کی مثال سے کرچاف قانونِ رو کی سمجھ آگئی ہو گی۔





شكل 2.10: كرچاف قانون رو كي مثال.

2.2. قوانين كرچاف

جو منفی قیت ہے۔ منفی i_3 کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رود کھائی گئی سمت کے الٹ ہے۔ شکل 2.10-ب میں حقیقی سمت دکھائی گئی ہے۔ یول حقیقت میں جوڑ i_2+9 mA ہیں جوڑ i_3 کی جانب i_2+9 mA رویائی جاتی ہے۔ جوڑ i_3 پر داخلی رو i_3 ہے جبکہ خارجی روکا مجموعہ i_4 ہے لہذا

$$9\,\mathrm{mA} + i_2 = 6\,\mathrm{mA}$$

ہو گا جس سے

$$i_2 = -3 \,\mathrm{mA}$$

ماصل ہوتا ہے۔ یوں حقیقت میں جوڑ j_4 سے جوڑ j_0 کی جانب 3 سے 3 سے 3 سے جوڑ j_1 پر داخلی رو 3 سے 3 ہوعہ خار جی رو کا مجموعہ i_1+5 سے جاری کی جوڑ i_1+5 سے جبکہ خار جی روکا مجموعہ جاری کی جانب کے سے بیال

$$9\,\mathrm{mA} = i_1 + 5\,\mathrm{mA}$$

لكھاكر

$$i_1 = 4 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔شکل-الف میں جوڑ j_4 پر

$$i_1 + i_2 = i_3 + 2 \,\mathrm{mA}$$

کورے ہوکے ہیں۔ یہ تعمیتیں پُر کرتے ہوک $i_3 = -1\,\mathrm{mA}$ کو اور $i_3 = -1\,\mathrm{mA}$ کورے ہوک کا جا سکتا ہے۔ ہم

$$i_1 = i_3 + 2 \text{ mA} - i_2$$

= $-1 \text{ mA} + 2 \text{ mA} - (-3 \text{ mA})$
= 4 mA

ہی حاصل ہوتا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کرچاف قانونِ رولکھتے ہوئے ، i₂ ، i₂ ، i₃ ، i₂ ، i₃ ، i₃ ، i₄ یا خارجی روگنا جاتا ہے۔

مثال 2.8: شكل 2.11 مين تمام جوڑ پر كرچاف قانونِ رو كى مساوات ككھيں۔

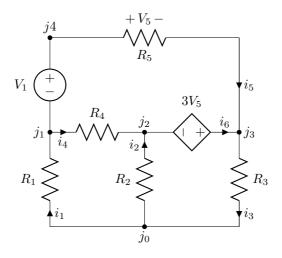
حل:جوڑ j_0 تاجوڑ j_4 بالترتیب مساوات لکھتے ہیں۔خارجی رو کو مثبت تصور کیا گیا ہے۔

$$i_1 + i_2 - i_3 = 0$$

 $i_4 + i_5 - i_1 = 0$
 $i_6 - i_2 - i_4 = 0$
 $i_3 - i_5 - i_6 = 0$

$$i_5 = i_5$$

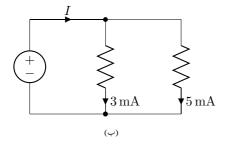
عاب 2. مزاحمتی ادوار

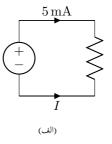


شکل 2.11: کرچاف قانون رو کی دوسری مثال.

مشق 2.4: شكل 2.12 مين I دريافت كرين-

 $I = 8 \,\mathrm{mA}$:(بانف): $I = -5 \,\mathrm{mA}$ (ب): جواب:

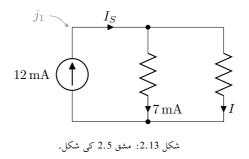




شكل 2.12: كرچاف قانونِ رو كا پهلا مشق.

2.2. قوانين كرچاف

مشق 2.5: شكل 2.13 ميں $I_{\rm S}$ اور I حاصل كريں۔

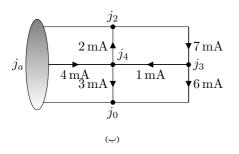


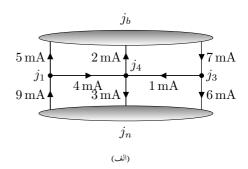
جوابات: $I_S=12\,\mathrm{mA}$ ، $I_S=12\,\mathrm{mA}$ ؛ برقی رو I_S حاصل کرنے کی خاطر نقطہ وجوڑ تصور کریں۔

مثال 2.9: شکل 2.10-ب میں کسی بھی جگہ بند سطے تھنچ کر دیکھا جا سکتا ہے کہ کرچاف قانونِ رو بند سطح پر لا گو ہوتا ہے۔ شکل 2.14-الف میں ایہا ہی کیا گیا ہے۔ بالا کی اور مجلی سطح کے داخلی اور خارجی رو دریافت کریں۔

حل: بالائی سطح کو جوڑ تصور کیا جا سکتا ہے۔ شکل میں اس جوڑ کو j_b کہا گیا ہے۔ بالائی سطح پر مجموعی داخلی رو کہ mA + 2 mA ہے۔ اس سے 7 mA رو خارج ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ داخلی اور خارجی رو برابر ہیں۔

نجی سطح پر داخلی رو A mA + 6 mA ہے۔ اس سطح پر بھی داخلی اور خارجی رو برابر ہیں۔ نجلی سطح کو جوڑ jn کہا گیا ہے۔





شکل 2.14: کرچاف قانونِ رو ہر بند سطح پر لاگو ہوتا ہے۔

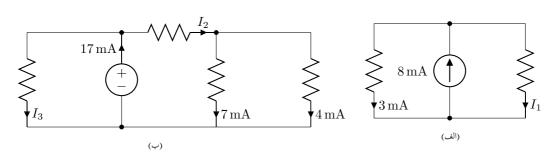
آپ شکل 2.10-ب پر کسی بھی جگہ پر بند سطے تھینج کر دیکھ سکتے ہیں کہ اس سطح پر داخلی روعین سطح سے خارجی رو کے برابر ہو گی۔

مثق 2.6: شكل 2.14-ب مين بند سطح كي داخلي اور خارجي روحاصل كرين-

جوابات: داخلی رو 9 mA ہے اور خار جی رو بھی 9 mA ہے۔

مشق 2.7: شكل 2.15 ميں نامعلوم رو دريافت كريں۔

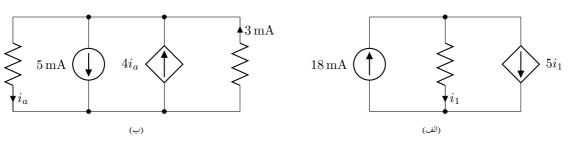
 $I_3=6\,\mathrm{mA}$ اور $I_2=11\,\mathrm{mA}$ ، $I_1=5\,\mathrm{mA}$: آب



شكل 2.15: مشق 2.7 ميں استعمال ہونے والا دور۔

2.2. قوانين كرچاف

مثق 2.8: شکل 2.16-الف میں i_1 اور شکل -ب میں i_a دریافت کریں۔



شكل 2.16: مشق 2.8 ميں استعمال ہونے والا دور۔

 $i_a = \frac{2}{3} \,\mathrm{mA}$ ، $i_1 = 3 \,\mathrm{mA}$ جوابات:

كرچاف كا دوسرا قانون، كرچاف قانون برائے برقى دباو ہے۔اس قانون كو عموماً كرچاف قانون دباو 24 كها جاتا ہے۔

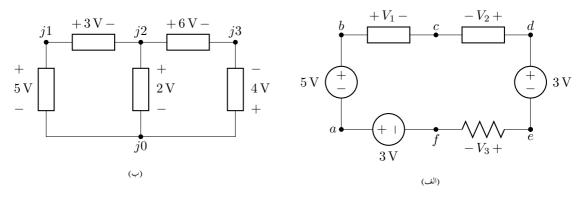
کر چاف قانونِ دباو کہتا ہے کہ کسی بھی بندراہ پر بڑھتے برقی دباو کا مجموعہ، گھٹتے برقی دباو کے مجموعے کے عین برابر ہو گا۔

شکل 2.17-الف میں جوڑ j0 سے برقی دور میں گھڑی کے سمت گھومتے ہوئے بڑھتے دباو کا مجموعہ $5+V_2+3=1$

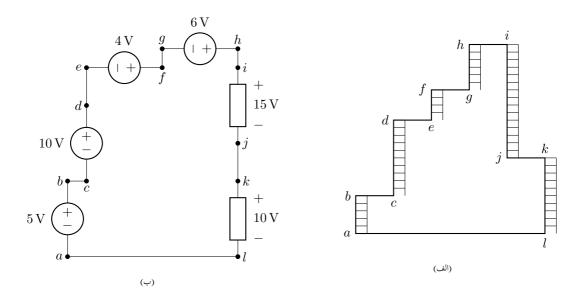
حاصل ہوتا ہے جبکہ گھٹتے دباو کا مجموعہ

گھٹتا د باو
$$V_1+3+V_3$$

Kirchoff's voltage law, KVL²⁴



شكل 2.17: كرچاف قانونِ دباو.



شكل 2.18: كرچاف قانون دباو اور بلندى.

حاصل ہوتا ہے۔ کرچاف قانون دباو کے تحت بیہ قیمتیں برابر ہیں یعنی

$$5 + V_2 + 3 = V_1 + 3 + V_3$$

ہو گا۔اس مساوات کو یوں

$$(2.19) 5 + V_2 + 3 - V_1 - 3 - V_3 = 0$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں کر جاف قانون د باو کو

$$\sum_{b=1}^{B} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$$
 وباو $\sum_{b=1}^{G} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$ وباد تانونِ دباو

کھا جا سکتا ہے جہاں بند دائرے میں بڑھتے دباوکی تعداد B اور گھٹے دباوکی تعداد G ہے۔

شکل 2.17-الف میں بڑھتے دیاو کو مثبت اور گھٹے دیاو کو منفی لکھتے ہوئے مجموعہ حاصل کرنے سے عین مساوات 2.19 حاصل ہوتا ہے للمذا کرچاف قانون دیاو کو درج ذیل مساوات کی صورت میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

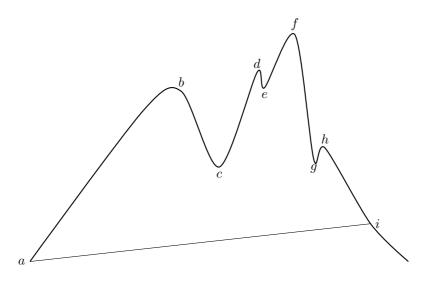
$$\sum_{s=1}^{S}V_{s}=0$$
 کرچاف قانونِ دباو $\sum_{s=1}^{S}V_{s}=0$

اس مساوات میں اگر بڑھتے دباو کو مثبت لکھا جائے تب گھٹے دباو کو منفی لکھا جائے گا اور اگر گھٹے دباو کو مثبت لکھا جائے تب بڑھتے دباو کو منفی لکھا جائے گا۔

شکل 2.9 میں کرچاف قانونِ رو کو پہاڑی سے اترتی بکریوں کی مدد سے سمجھایا گیا۔ آئیں کرچاف قانون دباو کو شکل 2.18 کی مدد سے سمجھیں۔

شکل 2.18-الف میں ایک عمارت کا بیرونی خاکہ دکھایا گیا ہے۔ عمارت کے بائیں طرف سیڑھی کو استعال کرتے ہوئے پہلی منزل b تک پہنچنا ممکن ہے۔ اس کے ۔ اس کے سیڑھی بلندی اختیار کریں گے۔ اس کے سیٹے بیں کہ a سے بانچ سیڑھی بلندی ہوں گی توں حقیقت کو ریاضیاتی طور پر a کھا جاتا ہے۔ پہلی منزل کی حجیت a تا a ہے یوں b سے c تک چلئے میں آپ کی بلندی جوں کی توں

2.2. قوانين كرچاف

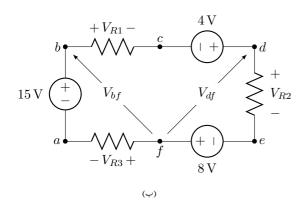


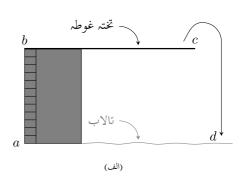
شكل 2.19: كرچاف قانونِ دباو اور پهاڙي پر چرتي بكريان.

رہے گی۔ ای طرح کا تک پہنچنے کی خاطر مزید دس سیڑھیاں پڑھنی ہوگی لعنی $B_{dc}=10$ ہوں $B_{dc}=10$ کی اونچائی پندرہ سیڑھی ہے۔ ان $B_{ha}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$ کا مات کا $B_{ha}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$ کا مات کا $B_{ba}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$ کی اونے گا۔ ای طرح $B_{a}=B_{ba}+B_{dc}+B_{fe}+B_{hg}$ جس میں قیمتیں پر کرتے ہوئے گا۔ ای گا۔ گا۔ ای گا۔ گا۔ ای گا۔ گا۔ کا گا۔ کا

شکل 2.18-الف کا مساوی برتی و ور شکل 2.18-ب میں و کھایا گیا ہے۔ شکل 2.18-الف میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں c تا c بلندی بر قرار رہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بہتی ہے۔ شکل 2.18-ب میں تبدی میں تبدیلی میں تبدیلی کو عود کی و کھایا جاتا ہے۔ شکل -ب میں بر قرار بہتی و باو کو تار ظاہر کرتی ہے اور ایسی تار کو جوڑ 25 کہا جاتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بہتی کو اور گھڑی کی سمت میں کو جوڑ 25 کہا جاتا ہے۔ شکل -ب میں ہوتا ہے۔ شکل -ب میں بر قرار ہوتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بلندی کو میں ہوتا ہے۔ شکل 2.18-ب میں بر قرار بلندی افتی کے اس کے جہاں بڑھے د باو کو مثبت کھا گیا ہے۔ اس طرح آل ہے شروع ہو کر گھڑی کی سمت میں تشروع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر وع ہو کر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے و کو مثبت کھیں تب تر و جوڑ و کا ہم کرتی ہے۔ برتی دور میں بر قرار بلندی افتی کئیر بر قرار بلندی کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں برقی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر بر قرار بلندی کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر بر قرار دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ یوں شکل 2.18-ب میں افتی کئیر بر قرار دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی نہیں۔ برتی دور میں موصل تار پر دباو تبریل نہیں ہوتی اللہ کہ تارار دباو کو ظاہر کرتی ہے۔

 $node^{25}$





شکل 2.20: کرچاف قانون دباو کے استعمال میں بند دائرہ فرضی ہو سکتا ہے۔

کر چاف قانون دباو کے استعال بند دائر سے پر ہوتا ہے۔ ایسا بند دائرہ فرضی بھی ہو سکتا ہے۔ آئیں ایس ایس مثال دیکھیں۔ شہر وں میں پانی کے تالاب پر عموماً غوطہ کو کھا یا غوطہ کو کھا یا خوطہ لگانے کی خاطر او نچائی پر تختہ نسب ہوتا ہے جہاں سے غوطہ خور قلا بازیاں کھاتا ہوا پائی تک پنچتا ہے۔ شکل 2.20-الف میں ایسا ہی تختہ غوطہ کو کھا یا گیا ہے جس تک بائیں جانب نسب سیڑ تھی کے ذریعہ پہنچا جا سکتا ہے۔ اس سیڑ تھی کو استعمال کرتے ہوئے غوطہ خور ہے گر موا میں قلا بازیاں کھاتا ہوا نیچ تالاب میں ڈبی لگاتا ہے۔ شکل میں تیرکی لکیر غوطہ خور کے گرنے کو دکھاتی ہے۔ اب مے سے اور یہاں سے میں حک حقیقی راہ پائی جاتی ہے جس پر غوطہ خور چلتا ہے لیکن کے سے کہ تک کوئی سیڑ تھی نہیں ہے۔ یہ بس خلاء میں فرضی راہ ہے جس پر غوطہ خور نیچ اترتا ہے جس کے بعد وہ واپس میں تک لوٹی ہوئے بند دائر سے پر چال قدمی پوری کرتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بارہ سیڑ تھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑ تھی ہی کے بارہ سیڑ تھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑ تھی ہی نے گرتا ہے۔

$$V_{R1} + V_{R2} + V_{R3} = 15 + 4 + 8$$

حاصل ہوتا ہے۔ابیا حقیقی راہ پر کیا گیا۔آئیں اب f سے a اور یہاں سے b کے بعد فرضی راہ پر واپس f پہنچیں۔فرضی راہ کو نوک دار ککیر سے دکھایا گیا ہے جہاں تیر کا نشان مثبت سرے کو ظاہر کرتی ہے۔یوں

$$V_{R3} - 15 + V_{bf} = 0$$

لکھا جا سکتا ہے جہال گھٹے دباو کو مثبت لکھا گیا ہے۔اس سے

$$V_{bf}=15-V_{R3}$$

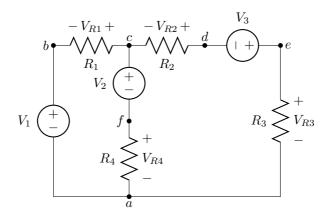
حاصل ہوتا ہے۔یوں اگر $V_{R3} = 7$ ہوتب $V_{bf} = 8$ ہوگا۔ یہاں بتلاتا چلوں کہ اس کتاب میں گھٹے دباو کو ہی مثبت کلھا جائے گا۔اییا لکھنے میں آپ کو شروع میں کچھ دقت ہو سکتی ہے۔اسی طرح دیگر فرضی بند دائروں پر مندرجہ ذیل کلھا جا سکتا ہے

$$V_{R3} - 15 + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$
$$8 - V_{R2} + V_{df} = 0$$
$$-V_{bf} + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$

 $V_{R2} = 11\,\mathrm{V}$ ، $V_{R1} = 9\,\mathrm{V}$ ، کون الٹ سمت چپلا گیا ہے۔ یوں اگر $V_{R2} = 11\,\mathrm{V}$ ، $V_{R1} = 9\,\mathrm{V}$ ، کون کے۔ اور $V_{R3} = 7\,\mathrm{V}$ ، اور $V_{bf} = 8\,\mathrm{V}$ ، کون کے۔

diving board²⁶

²⁷جی مجھے معلوم ہر کہ غوطہ خور اوپر چھلانگ لگا کر بارہ سیڑھی سے زیادہ بلندی سے گرتا ہر .مجھے امید ہرے کہ آپ تمام گفتگو کی اصل مقصد سمجھ گئے ہوں گرے .



شكل 2.21: تابع اور غير تابع مساوات.

شکل 2.21 میں کر چاف قانون د باواستعال کرتے ہوئے کل تین عدد مساوات لکھنا ممکن ہے۔ یہ مساوات بائیں بند دائرہ abc fa ، دائیں بند دائرہ abcdea ، دائیں بند دائرہ abcdea پر لکھے جائیں گے جنہیں یہاں پیش کرتے ہیں۔

$$(2.22) -V_1 - V_{R1} + V_2 + V_{R4} = 0$$

$$(2.23) -V_{R4} - V_2 - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

$$(2.24) -V_1 - V_{R1} - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

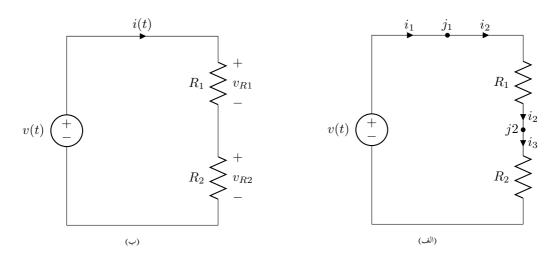
مساوات 2.22 واور مساوات 2.23 کو آپس میں جمع کرنے سے مساوات 2.24 واصل ہوتا ہے۔ اسی طرح مساوات 2.23 سے مساوات 2.24 منٹی کرنے سے مساوات 2.22 واصل ہوتا ہے۔ ایسی صورت میں وہ عدد مساوات کو غیر مساوات 2.25 واصل ہوتا ہے۔ ایسی صورت میں وہ عدد مساوات کو غیر قابع مساوات کہ جاتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات واصل کرنے کی خاطر دو تابع مساوات کہ جاتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات واصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات درکار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات کا اور لا مندرجہ ذیل ہمزاد مساوات میں سے کسی بھی دو مساوات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع مساوات ہوئے تیسر کی مساوات واصل کی جاسکتی ہے لہذا تیسر کی تابع مساوات ہوئی ہے جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہوتی ہے جسے لکھنے کی ضرورت نہیں ہے۔

$$x + y = 3$$
$$x - y = -1$$
$$3x + y = 5$$

شکل 2.21 صرف دوعدد غیر تابع مساوات مہیا کرتا ہے للذاا گرچہ ہم اس دور کے لئے تین مساوات لکھ سکتے ہیں لیکن ایسا کرنے کی کوئی ضرورت نہیں۔کسی بھی دور میں نسب تمام اجزاء کسی نہ کسی دائرے کا حصہ بنے۔یوں کم سے کم سے کم سے کم مساوات حاصل ہول گے۔ کم تعداد کے مساوات حل کرنا نسبتاً زیادہ آسان ہوتا ہے۔

2.3 سلسلہ وار جڑے پرزوں میں رو

v(t) کرچاف کے قوانین جاننے کے بعد آئیں انہیں چند سادہ ادوار پر لا گو کرتے ہوئے کچھ کار آمد نتائج حاصل کریں۔ شکل 2.22-الف میں منبع دباو v(t) کے ساتھ دو عدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔ منبع اور R_1 آپس میں جوڑ j_1 پر ملتے ہیں۔ منبع کی رو i_1 اور مزاحمت میں داخل ہوتی رو کو i_2 تصور کرتے ہوئے جوڑ j_1 پر کرچاف قانون رو لا گو کرتے ہوئے i_1 و کھا جا سکتا ہے۔ یوں منبع اور مزاحمت i_1 میں بالکل برابر رو پائی جاتی ہے۔ یہی



شكل 2.22: سلسله وار جڑے مزاحمت میں دباو كى تقسيم.

آرکیب مزاحمت R_1 اور مزاحمت R_2 کیوڑ R_2 پر لاگو کرتے ہوئے R_3 کی کھاجا سکتا ہے۔ یوں اگر R_1 ہوتی تب R_2 اور کرتے ہوئے R_3 کی سمت گھومتی۔ اس حقیقت کو یوں بہتر بیان کیا جا سکتا ہے کہ سلسلہ وار جڑے پرزوں میں میسال برتی رویائی جاتی ہے۔ برقی رویوں میں گھڑی کی سمت گھومتی۔ اس حقیقت کو یوں بہتر بیان کیا جا سکتا ہے کہ سلسلہ وار جڑے پرزوں میں میسال برتی رویائی جاتی ہے۔

2.4 تقسيم دباو

گزشتہ جھے میں ہم نے دیکھا کہ سلسلہ وار دور میں ہر مقام پر یکسال رو پائی جاتی ہے۔اسی سلسلہ وار دور کو شکل 2.22-ب میں دوبارہ پیش کیا گیا ہے جہال دور کی رو کو i(t) کھا گیا ہے۔ شکل-ب کے لئے کرچاف قانون دیاو سے

$$(2.25) v(t) = v_{R1} + v_{R2}$$

کھا جا سکتا ہے۔ کسی بھی مزاحمت میں گزرتی رواور مزاحمت کے سروں کے مابین دیاو کا تعلق قانون اوہم دیتا ہے۔ یوں مزاحمت ہم اور R₂ پر درج ذمل دیاو ہو گا۔

(2.26)
$$v_{R1} = i(t)R_1 v_{R2} = i(t)R_2$$

مساوات 2.26 کو مساوات 2.25 میں پر کرتے ہوئے

$$(2.27) v(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2$$

رو کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_1 + R_2}$$

مساوات 2,26 اور مساوات 2,28 کی مدد سے مزاحمت R_1 اور R_2 کی دباو حاصل کی جاسکتی ہے۔مزاحمت R_1 کا دباو

$$v_{R1} = i(t)R_1$$

$$= \left[\frac{v(t)}{R_1 + R_2}\right]R_1$$

$$(2.29) v_{R1} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} v(t)$$

حاصل ہوتا ہے۔ اسی طرح مزاحمت R2 کادباو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(2.30) v_{R2} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} v(t)$$

مساوات 2.29 اور مساوات مساوات 2.30 تقسیم دباو کے مساوات ہیں۔ آئیں ان کی افادیت ایک مثال کی مدد سے مسجھیں۔

مثال 2.10: شکل 2.22 میں v(t)=15 ہے جبکہ مزاحمت $R_1=1\,\mathrm{k}\Omega$ اور $R_2=2\,\mathrm{k}\Omega$ ہیں۔ دونوں مزاحمت کے دباوحاصل کریں۔ منبع اور مزاحمتوں کی طاقت دریافت کریں۔

مساوات 2.29 سے

$$v_{R1} = \frac{15 \times 1000}{1000 + 2000} = 5 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 2.30 سے

$$v_{R2} = \frac{15 \times 2000}{1000 + 2000} = 10 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہی جوابات یوں بھی حاصل کئے جاسکتے ہیں کہ پہلے مساوات 2.28 سے رو

$$i(t) = \frac{15}{1000 + 2000} = 5 \,\text{mA}$$

حاصل کریں اور پھر قانون اوہم سے

$$v_{R1} = i(t)R_1 = 5 \times 10^{-3} \times 1000 = 5 \text{ V}$$

 $v_{R2} = i(t)R_2 = 5 \times 10^{-3} \times 2000 = 10 \text{ V}$

لکھیں۔منبع کی طاقت

$$p_{xx} = 15 \times (-5 \times 10^{-3}) = -75 \,\mathrm{mW}$$

جبکه R₁ کی طاقت

$$p_{R1} = 5 \times 5 \times 10^{-3} = 25 \,\text{mW}$$

$$p_{R2} = 10 \times 5 \times 10^{-3} = 50 \,\text{mW}$$

حاصل ہوتی ہے۔آپ د کھ سکتے ہیں کہ طاقت کی پیداوار اور ضیاع برابر ہیں۔

42 مزاحمتی ادوار

مزاحمت کی طاقت مساوات 2.4 میں دئے دیگر کلیات سے بھی حاصل کر کے دیکھتے ہیں۔

$$\begin{split} p_{R1} &= i^2(t)R_1 = (5\times 10^{-3})^2\times 1000 = 25\,\mathrm{mW} \\ p_{R1} &= \frac{v_{R1}^2}{R_1} = \frac{5^2}{1000} = 25\,\mathrm{mW} \\ p_{R2} &= i^2(t)R_2 = (5\times 10^{-3})^2\times 2000 = 50\,\mathrm{mW} \\ p_{R2} &= \frac{v_{R2}^2}{R_2} = \frac{10^2}{2000} = 50\,\mathrm{mW} \end{split}$$

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سلسلہ وار مزاحمت جوڑنے سے داخلی دباو کو مختلف قیتوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ دوسے زیادہ مزاحمت سلسلہ وار جوڑتے ہوئے داخلی دباو کو زیادہ حصوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ تقسیم دباوے مساوات کے تحت داخلی دباو سلسلہ وار جڑے مزاحمت کی قیمت کی نسبت سے تقسیم ہوتے ہیں۔ مندرجہ بالا مثال میں آپ نے دیکھا کہ تقسیم دباوکی مساوات سے مزاحمت کا دباو حاصل کرتے ہوئے برقی روکا حصول درکار نہیں ہوتا۔ آپ نے یہ بھی دیکھ لیا ہوگا کہ زیادہ قیمت کی مزاحمت پر زیادہ دباوپیدا ہوتی ہے اور اس میں طاقت کا ضیاع بھی زیادہ ہوتا ہے۔

مثق 2.29 شکل 2.22 میں v(t)=10 ہے جبکہ مزاحمت کی قیمت $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ ہے۔ مزاحمت کی قیمت $V(t)=10\,\mathrm{k}\Omega$ درکار ہیں۔ اس مزاحمت کی قیمت عاصل کریں اور اس میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ منبع کی پیدا کردہ طاقت بھی دریافت کریں۔ اگر R_2 کی قیمت R_2 ہوتی تب R_2 کی دباو اور طاقت کے علاوہ منبع کی پیدا کردہ طاقت کیا ہوتی۔

 $-25\,\text{mW}$ ، $12.5\,\text{mW}$ ، $5\,\text{V}$ ، $-20\,\text{mW}$ ، $12\,\text{mW}$ ، $R_2=3\,\text{k}\Omega$:
Ş.

اس مشق سے ظاہر ہے کہ کل سلسلہ وار مزاحمت کی قیمت کم کرنے سے پیدا کردہ طاقت اور مزاحمت میں طاقت کا ضیاع بڑھتا ہے۔

2.5 متعدد سلسلم وار مزاحمت

شکل 2.23-الف میں متعدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔ تمام سلسلہ وار جڑے پرزوں میں یکساں رو i(t) پائی جاتی ہے۔ کرچاف قانون دباو سے $v(t)=v_{R1}+v_{R2}+v_{R3}+\cdots+v_{Rn}$

لکھتے ہیں جہاں قانون اوہم سے

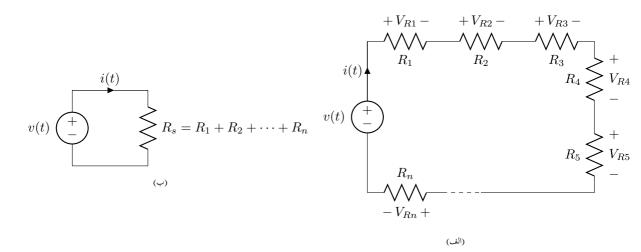
$$v_{R1} = i(t)R_1$$

$$v_{R2} = i(t)R_2$$

$$\vdots$$

$$v_{Rn} = i(t)R_n$$

2.5. متعدد سلسله وار مزاحمت



شكل 2.23: متعدد سلسلم وار مزاحمت اور تقسيم دباو.

لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

$$v(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2 + \dots + i(t)R_n$$

$$(2.32) v(t) = i(t) [R_1 + R_2 + \dots + R_n]$$

حاصل ہوتاہے جس میں

(2.33)
$$R_s = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n$$
 متعدد سلسله وار جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

لکھتے ہوئے

$$(2.34) v(t) = i(t)R_s$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 2.32 اور مساوات 2.34 شکل 2.23-ب پر بھی پوری اترتے ہیں۔ یوں شکل 2.23-الف اور شکل 2.23-ب مساوی اشکال ہیں۔ آپ د کیھ سکتے ہیں کہ متعدد سلسلہ وار جڑے مزاحمت کی جگہ ان کا مجموعی مزاحمت نسب کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 2.33 متعدد سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت R_S دیتی ہے۔

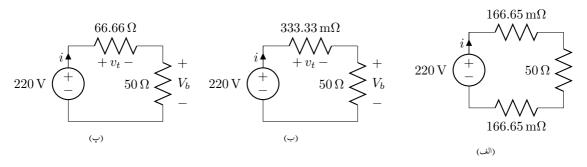
مثال 2.11: شکل 2.23-الف میں چار عدد مزاحمت نسب ہیں جن کی قیمتیں Ω 100 ، Ω 50 ، Ω 120 اور Ω 30 ہیں۔ منبع دباو 9V پیدا کرتا ہے۔ دور میں رو دریافت کریں۔ پچاس اوہم مزاحمت پر دباو بھی حاصل کریں۔

حل: مجموعی مزاحمت کی قیمت

$$R_S = 100 + 50 + 120 + 30 = 300 \,\Omega$$

ہے۔ بوں قانون اوہم اور شکل-ب سے

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_S} = \frac{9}{300} = 30 \,\text{mA}$$



شکل 2.24: برقی بوجھ کو بذریعہ تار طاقت فراہم کی جا رہی ہے۔

حاصل ہوتا ہے۔ پچپاں او ہم مزاحمت پر دباو قانون او ہم سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔ $v_{50\Omega}=i(t)R=30 imes10^{-3} imes50=1.5\,
m V$

مثال 2.12: ایک ملی میٹر قطر کے المو نیم تارکی مزاحمت 33.33 شی کلومیٹر ہے۔ اس تارکو استعال کرتے ہوئے 220 V منبع دباوسے 50 M کے مزاحمتی ہوتے کو طاقت فراہم کی جاتی ہے۔ منبع اور ہو جھ کے در میان 5 m کا فاصلہ ہونے کی صورت میں مزاحمت میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ اگر یہ فاصلہ 1 km ہوتا تب جواب کیا ہوتا؟

حل: منبع کے مثبت اور منفی سروں کو بوجھ کے دو سروں کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ چونکہ ایک کلومیٹر تارکی مزاحمت 33.33 ہے لہذا پانچ میٹر تارکی مزاحمت 166.65 سر منبع کے مثبت اور منفی سروں کو بوجھ کے دو سروں کے ساتھ جو گئا تارکی ور نجلی تارسلسلہ وار جڑے ہیں لہذا ان کے مزاحمت آپس میں مراحمت ہوئے جا سکتے ہیں۔ایسا کرتے ہوئے مسئلے کو شکل 2.24۔ب کے طرز پر ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ادوار کے اشکال بناتے ہوئے عموماً ایسا ہی کرتے ہوئے تارکی مزاحمت صفر تصورکی جاتی ہے۔دور میں رو

$$i = \frac{220}{50 + 0.16665} = 4.3854 \,\mathrm{A}$$

اور بوجھ میں طاقت کا ضیاع

$$p = i^2 R = 4.3854^2 \times 50 = 962 \,\mathrm{W}$$

ہے۔ یہاں غور کریں کہ تارکی مزاحمت بوجھ کی مزاحمت سے بہت کم ہے۔ایسی صورت میں تارکی مزاحمت کورد کیا جا سکتا ہے اور تارکو کامل موصل تصور کیا جا سکتا ہے۔ایبا کرتے ہوئے تارکی مزاحمت کو 0Ω تصور کرتے ہوئے جوابات

$$i = \frac{220}{50+0} = 4.4 \,\mathrm{A}$$

 $p = 4.4^2 \times 50 = 968 \,\mathrm{W}$

حاصل ہوتے ہیں۔ان دو جوابات میں صرف

$$\left| \frac{962 - 968}{962} \right| \times 100 = 0.62 \,\%$$

فرق پایا جاتا ہے جے رد کیا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس منبع اور تار کے در میان ایک کلومیٹر فاصلے کی صورت میں صورت حال شکل-پ ظاہر کرتی ہے جہاں سے

$$i = \frac{220}{50 + 66.66} = 1.8858 \,\text{A}$$

 $p = 1.8858^2 \times 50 = 179 \,\text{W}$

حاصل ہوتے ہیں۔ یہاں تارکی مزاحت کورد نہیں کیا جا سکتا اور اس کے اثرات کو مد نظر رکھنا ضروری ہے۔

2.6 سلسلم وار متعدد منبع دباو اور مزاحمت

شکل 2.25-الف میں متعدد منبع دباو اور متعدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔سلسلہ وار دور میں یکساں رو i(t) پائی جائے گی۔دور میں گھڑی کی سمت گھومتے اور گھنے دباو کو مثبت لکھتے ہوئے

$$(2.35) v_1(t) - v_2(t) + v_{R1} + v_{R2} - v_3(t) + v_{R3} + v_{R4} + \dots + v_k(t) + v_{Rn} = 0$$

کھھا جا سکتا ہے۔ منبع دیاو کو ایک جانب اور مزاحمتی دیاو کو دوسری جانب کھتے ہوئے اسے درج ذیل صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.36) -v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots - v_k(t) = v_{R1} + v_{R2} + v_{R3} + v_{R4} + \dots + v_{Rn}$$

قانون او ہم کی مدر سے $v_{R1}=i(t)$ وغیرہ ککھتے ہوئے

$$-v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots - v_k(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2 + i(t)R_3 + i(t)R_4 + \dots + i(t)R_n$$

$$= i(t) [R_1 + R_2 + \dots + R_n]$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات میں

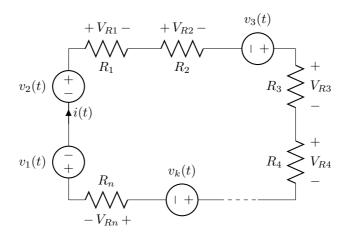
$$(2.38) -v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \cdots - v_k(t) = v_s(t)$$

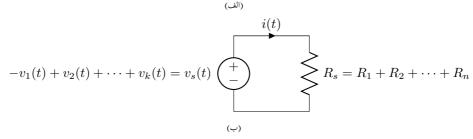
$$(2.39) R_1 + R_2 + \dots + R_n = R_s$$

لکھنے سے

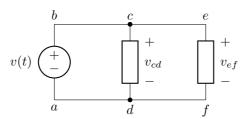
$$(2.40) v_s(t) = i(t)R_s$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات سے حاصل دور کو شکل 2.25-ب میں دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تمام سلسلہ وار جڑے مزاحت کی جگہ ان کا مجموعہ نسب کیا جا سکتا ہے اور اسی طرح تمام سلسلہ وار جڑے منبع کی جگہ ان کا مجموعہ نسب کیا جا سکتا ہے۔جیسا شکل 2.25-ب میں دکھایا گیا ہے، منبع کا مجموعہ حاصل کرتے وقت بڑھتے دباو کو مثبت اور گھٹے دباو کو منفی لیا جاتا ہے۔یوں مساوات 2.40 میں مساوی نشان (=) کے بائیں جانب بڑھتے دباو کا مجموعہ اور نشان کے دائیں جانب گھٹے دباو کا مجموعہ ہے۔اس مساوات سے دورکی رو (i () عاصل کی جاسکتی ہے۔





شكل 2.25: متعدد منبع اور متعدد مزاحمت سلسله وار جڑے ہيں۔



شکل 2.26: متوازی جڑے پرزوں پر یکساں دباو پایا جاتا ہے

2.7 متوازی جڑے مزاحمت پر یکساں دباو پایا جاتا ہے

شکل 2.26-الف میں منبع دباو کے متوازی دو عدد برقی پرزے جڑے د کھائے گئے ہیں۔بند دائرہ abcda پر کر چاف قانون دباوسے

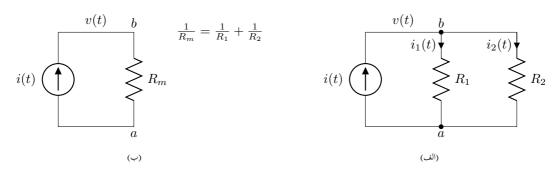
$$(2.41) v(t) = v_{cd}$$

حاصل ہوتا ہے جبکہ بند دائرہ abefa پر کرچاف قانون د باو سے

$$(2.42) v(t) = v_{ef}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں دونوں برقی پرزوں پر v(t) د باو پایا جاتا ہے۔ اس مثال میں مزید پرزے متوازی جوڑتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تمام متوازی جڑے پرزوں پر یکساں دباو پایا جاتا ہے۔

2.8. تقسيم رو



شکل 2.27: متوازی جڑے مزاحمت کا مساوی مزاحمت.

2.8 تقسيم رو

شکل 2.27-الف میں منبع رو i(t) کے متوازی دوعدد مزاحمت جڑے ہیں۔رو i(t) متوازی جڑے مزاحمت سے گزرتی ہے جس سے اوہم کے قانون کے تحت مزاحمت پر دباو v(t) پیدا ہوگا۔جوڑ v(t) میں رو v(t) اور مزاحمت v(t) میں رو v(t) پیدا ہوگا۔جوڑ v(t) میں رو رکھتے ہیں۔

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t)$$

مزاحمتوں کے لئے قانون اوہم سے

$$(2.44) i_1(t) = \frac{v(t)}{R_1}$$

(2.45)
$$i_2(t) = \frac{v(t)}{R_2}$$

لکھا جا سکتا ہے۔درج بالا تین مساوات کے ملاپ سے

(2.46)
$$i(t) = \frac{v(t)}{R_1} + \frac{v(t)}{R_2} \\ = \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v(t)$$

لکھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں قوسین میں بند قیمت کو

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

لکھتے ہوئے

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_m}$$

کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.27 ب سے یہی مساوات ککھی جا سکتی ہے۔ متوازی جڑے مزاحمتوں کی مساوی مزاحمت مساوات 2.47 سے حاصل ہوتی ہے۔

مساوات 2.44 کے پہلی مساوات کو مساوات 2.44 سے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{i_1(t)}{i(t)} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$(2.49) i_1(t) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} i(t)$$

لکھا جا سکتا ہے۔اسی طرح مساوات 2.44 کے دوسری مساوات کو مساوات 2.44 سے تقسیم کرتے ہوئے

$$(2.50) i_2(t) = \frac{R_1}{R_1 + R_2} i(t)$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 2.49 اور مساوات 2.50 تقسیم رو کے مساوات ہیں۔

مساوات 2.47 سے دو عدد متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

$$(2.51) R_m = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

حاصل کیا جا سکتا ہے۔

یا

مثال 2.13: شکل 2.27 میں $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور $R_1=8\,\mathrm{mA}$ بیں۔مزاحمت $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور مزاحمت $R_2=6\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور مزاحمت کریں۔ کل متوازی مزاحمت دریافت کریں۔مزاحمت $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور $R_2=2\,\mathrm{k}\Omega$ میں طاقت کریں۔ منبع کی طاقت بھی حاصل کریں۔

حل:مساوات 2.49 سے

$$i_1(t) = \left(\frac{6000}{2000 + 6000}\right) \times 8 \times 10^{-3} = 6 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتاہے جبکہ مساوات 2.50سے

$$i_2(t) = \left(\frac{2000}{2000 + 6000}\right) \times 8 \times 10^{-3} = 2 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہی جواب بالائی جوڑ پر کر چاف قانون رو

$$8\,\mathrm{mA} = 6\,\mathrm{mA} + i_2(t)$$

يعني

$$i_2(2) = 8 \,\mathrm{mA} - 6 \,\mathrm{mA} = 2 \,\mathrm{mA}$$

سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔کل متوازی مزاحمت

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{2000} + \frac{1}{6000} = \frac{1}{1500}$$

سے

$$R_m = 1.5 \,\mathrm{k}\Omega$$

حاصل ہوتا ہے۔ مزاحمت R_1 میں طاقت کا ضیاع

$$p_{R1} = i_1(t)^2 R_1 = (6 \times 10^{-3})^2 \times 2000 = 72 \,\text{mW}$$

49 2.8. تقسيم رو

ہے۔اسی طرح مزاحمت R₂ کی طاقت

اس مثال سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ متوازی جڑے مزاحمتوں میں کم قیت کے مزاحت میں زیادہ روپائی جاتی ہے۔آپ کو یاد ہو گا کہ سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں میں تقسیم د باو کے تحت زیادہ قیمت کے مزاحمت پر زیادہ دیاویایا جاتا ہے۔

دوسے زبادہ تعداد میں متوازی جڑے مزاحمتوں کو بالکل اس طرح حل کیا جا سکتا ہے۔ یوں شکل 2.28-الف سے

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t) + \dots + i_n(t)$$

$$i_1(t) = \frac{v(t)}{R_1}$$

$$i_2(t) = \frac{v(t)}{R_2}$$

$$i_3(t) = \frac{v(t)}{R_3}$$

$$\vdots$$

$$i_N(t) = \frac{v(t)}{R_N}$$

 $i(t) = \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_N}\right) v(t)$ (2.52)

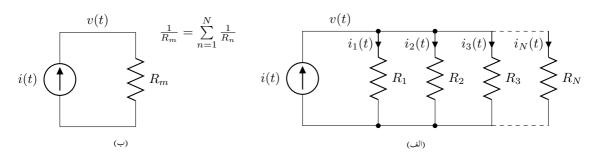
حاصل ہوتا ہے جس میں

$$rac{1}{R_m}=rac{1}{R_1}+rac{1}{R_2}+rac{1}{R_3}+\cdots+rac{1}{R_N}$$
 متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت $=\sum_{n=1}^Nrac{1}{R_n}$

ہر کرنے سے

یا

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_{vv}}$$



شكل 2.28: متعدد متوازى جڑے مزاحمت كا مساوى مزاحمت.

کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.28-ب سے بھی یہی مساوات حاصل ہوتی ہے المذا شکل-الف اور شکل-ب مساوی ادوار ہیں۔مساوات 2.53 متعدد متوازی جڑے۔ مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت R_m ویتی ہے۔

مثال 2.14: شکل 2.28-الف میں تین عدد مزاحمت استعال ہوتے ہیں۔ان کی قیمتیں $4\,\mathrm{k}\Omega$ ، $2\,\mathrm{k}\Omega$ اور $5\,\mathrm{k}\Omega$ ہیں۔ منبغ رو v(t) ہے۔مساوی متوازی مزاحمت R_m عاصل کریں۔ دباو v(t) عاصل کری۔ میان عاصل کریں۔ منبغ کی طاقت اور مزاحمتوں میں طاقت کا ضیاع مجمی دریافت کریں۔

جوابات: مساوی مزاحت پہلے حاصل کرتے ہیں۔مساوات 2.53 سے

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{2000} + \frac{1}{4000} + \frac{1}{5000} = \frac{19}{20000}$$

لعيني

$$R_m = \frac{20}{19} \, \mathrm{k}\Omega$$

حاصل ہوتا ہے۔شکل 2.28-ب سے

$$v(t) = 15 \times 10^{-3} \times \frac{20000}{19} \approx 15.7895 \,\mathrm{V}$$

 $i_1(t)+i_2(t)+i_3(t)$ عین منبع کی روکے $i_1(t)+i_2(t)+i_3(t)$ عین منبع کی روکے بیل جہال سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بیان کہ نبیع کی روکے برابر ہے۔

$$i_1(t) = \frac{15.7895}{2000} = 7.89 \text{ mA}$$

 $i_2(t) = \frac{15.7895}{4000} = 3.95 \text{ mA}$
 $i_3(t) = \frac{15.7895}{5000} = 3.16 \text{ mA}$

منبع کی طاقت

$$p_{z} = 15.7895 \times (-15 \times 10^{-3}) = -236.8 \,\mathrm{mW}$$

2.8. تقسيم رو

جبکه مزاحتوں کی طاقت

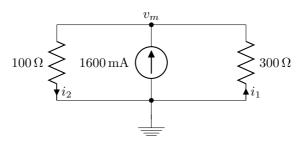
$$p_{2 \text{ k}\Omega} = 15.7895 \times 7.89 \times 10^{-3} = 124.58 \text{ mW}$$

 $p_{4 \text{ k}\Omega} = 15.7895 \times 3.95 \times 10^{-3} = 62.37 \text{ mW}$
 $p_{5 \text{ k}\Omega} = 15.7895 \times 3.16 \times 10^{-3} = 49.89 \text{ mW}$

حاصل ہوتے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ پیدا کردہ طاقت اور طاقت کا ضیاع برابر ہیں۔ متوازی جڑے مزاحمت میں زیادہ قیمت کے مزاحمت میں کم برقی رو پائی جاتی ہے اور اس میں طاقت کا ضیاع بھی کم ہوتا ہے۔

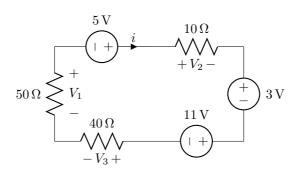
مثق 2.10: شكل 2.29 مين i_1 ، i_2 ، i_1 اور v_m دريافت كريں۔

 $v_m=120\,\mathrm{V}$ ، $R_m=75\,\Omega$ ، $i_2=1200\,\mathrm{mA}$ ، $i_1=-400\,\mathrm{mA}$. بابت:



شكل 2.29: تقسيم رو كي مشق.

مثن 2.11: شكل 2.30 مين v_2 ، v_1 ، v_2 ، v_3 ، اور v_3



شكل 2.30: تقسيم دباو كي مشق.

2.9 سلسلم وار اور متوازى مزاحمت

ہم جانتے ہیں کہ سلسلہ وار مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

$$(2.55) R_s = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_N$$

ہوتا ہے جبکہ متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_N}$$

ہے۔آئیں ان کلیات کو استعال کرتے ہوئے مختلف انداز میں جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت حاصل کریں۔ابیا کرنے کی خاطر شکل 2.31 میں کو مثال بناتے ہوئے A اور B کے مابین مزاحمت RAB حاصل کرتے ہیں۔

اگرآپ FGH کودیکھیں تو یہاں 3k اور 1k سلسلہ وار جڑے ہیں۔دومزاحمت تب سلسلہ وار جڑے ہوتے ہیں جب دوسری مزاحمت میں وہی رو گزرے جو پہلی میں گزرتی ہو۔ایسے مزاحمت کا ایک سراآپس میں جڑا ہوتا ہے جبکہ ان کا دوسرا سراآپس میں نہیں جڑا ہوتا۔یوں 1k کا دایاں سرااور 3k کا خلا سرا الله پر آپس میں نہیں جڑے ہیں۔یوں ان مزاحمتوں کا مجموعی مزاحمت مساوات 2.55 سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$R_{FGH} = 3000 + 1000 = 4 \,\mathrm{k}\Omega$$

ان سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت R_{FGH} نسب کرتے ہوئے شکل 2.32 حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں F اور G نقطوں کے مابین 6 kΩ اور 4 kΩ متوازی جڑے ہیں۔متوازی جڑے مزاحمتوں پر یکسال دباو پایا جاتا ہے۔ یوں ان متوازی جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت مساوات 2.56 سے حاصل ہو گا یعنی

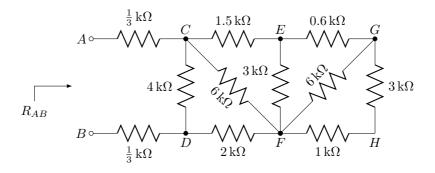
$$\frac{1}{R_{FG}} = \frac{1}{6000} + \frac{1}{4000} = \frac{1}{2400}$$

یا

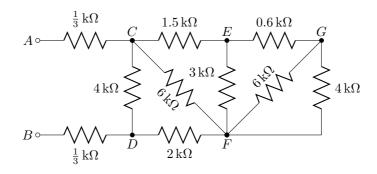
$$R_{FG} = 2.4 \,\mathrm{k}\Omega$$

نقطہ G اور نقطہ G کے در میان مساوی مزاحمت نسب کرنے سے شکل 2.33 حاصل ہوتا ہے۔اب آپ دیکھ سکتے ہیں کہ EGF پر $0.6\,\mathrm{k}\Omega$ اور $2.4\,\mathrm{k}\Omega$ سکتے ہیں جن کا مساوی مزاحمت

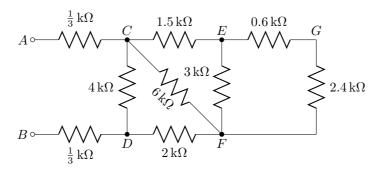
$$R_{EGF} = 600 + 2400 = 3 \,\mathrm{k}\Omega$$



شكل 2.31: سلسله وار اور متوازى مزاحمت.



شكل 2.32



شكل 2.33

ہو گا۔

کے استعال سے شکل 2.34 حاصل ہوتا ہے جس میں E اور F کے در میان دوعدد R_{EGF} مزاحمت متوازی جڑے ہیں جن کا مساوی مزاحمت R_{EGF}

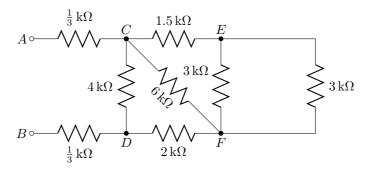
$$\frac{1}{R_{EF}} = \frac{1}{3000} + \frac{1}{3000} = \frac{1}{1500}$$

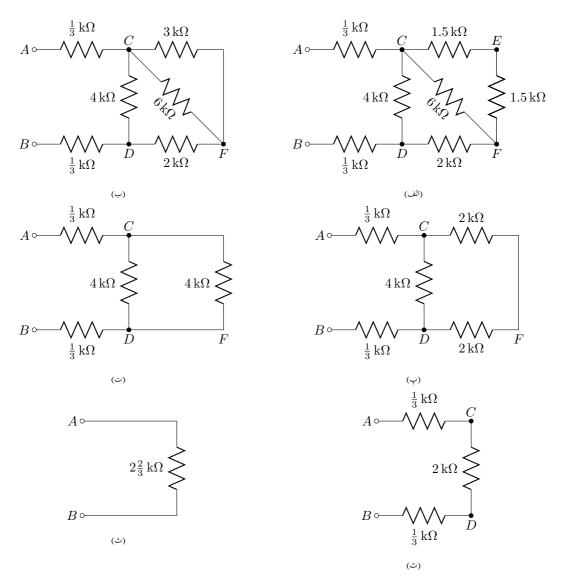
لعيني

$$R_{EF} = 1.5 \,\mathrm{k}\Omega$$

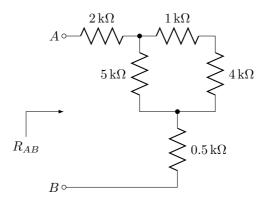
حاصل ہوتا ہے۔ یوں شکل 2.35-الف حاصل ہوتا ہے۔ اس طریقے سے آگے بڑھتے ہوئے آخر کار شکل 2.35-ٹ حاصل ہوتا ہے جس سے R_{AB} در جن حاصل ہوتا ہے

$$R_{AB} = 2\frac{2}{3} \,\mathrm{k}\Omega$$





شكل 2.35



شكل 2.36: متعدد سلسله وار اور متوازى مزاحمت كا دور.

یوں شکل 2.31 کو حل کرتے کرتے آخر کار شکل 2.35-ث حاصل کیا گیا جو مساوی مزاحمت دیتا ہے۔

مشق 2.12: شکل 2.36 میں R_{AB} دریافت کریں۔

 $R_{AB} = 5 \,\mathrm{k}\Omega$:واب

متعدد سلسله وار اور متوازی مزاحمت کا مساوی مزاحمت حاصل کرتے وقت درج ذیل طریقه کار اختیار کیا جاتا ہے۔

- داخلی برقی سرول سے دور ترین مزاحت سے شروع کریں۔
- دوعدد سلسلہ وار مزاحمت کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت $R_s = R_1 + R_2$ نسب کریں۔ جس جوڑ پر سلسلہ وار مزاحمت آپس میں جڑے ہوں اس جوڑ پر کوئی تیسر اپرزہ نہیں جڑا ہو سکتا۔ یوں پہلے مزاحمت سے گزرتی رو دوسری مزاحمت سے بھی گزرتی ہے۔ اگر جوڑ پر تیسر اپرزہ بھی نسب ہوتب مزاحمتوں کو سلسلہ وار جڑا تصور نہیں کیا جا سکتا۔
- دوعدد متوازی جڑے مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت $R_m = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$ نب دوجوڑ کے ساتھ پہلا مزاحمت جڑا ہوتا ہے اگر انہیں جوڑ کے ساتھ دوسرا مزاحمت بھی جڑا ہوتب ان مزاحمتوں کو متوازی جڑا تصور کیا جاتا ہے۔ متوازی مزاحمتوں پر برابر دباو پایا جاتا ہے۔
- متواتر سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت نسب کرتے ہوئے دور کے داخلی سروں تک پہنچ کر پورے دور کا مساوی مزاحمت حاصل کریں۔

2.10. تخصيص مزاحمت

جدول 2.1: مزاحمت کے معیاری قیمتیں۔ قیمتوں میں % 5 خلل ممکن ہے۔

$1.0\mathrm{M}\Omega$	$100\mathrm{k}\Omega$	$10\mathrm{k}\Omega$	$1.0\mathrm{k}\Omega$	100Ω	10Ω	1.0Ω
$1.1\mathrm{M}\Omega$	$110\mathrm{k}\Omega$	$11\mathrm{k}\Omega$	$1.1\mathrm{k}\Omega$	110Ω	11Ω	1.1Ω
$1.2\mathrm{M}\Omega$	$120\mathrm{k}\Omega$	$12\mathrm{k}\Omega$	$1.2\mathrm{k}\Omega$	120Ω	12Ω	1.2Ω
$1.3\mathrm{M}\Omega$	$130\mathrm{k}\Omega$	$13\mathrm{k}\Omega$	$1.3\mathrm{k}\Omega$	130Ω	13Ω	1.3Ω
$1.5\mathrm{M}\Omega$	$150\mathrm{k}\Omega$	$15\mathrm{k}\Omega$	$1.5\mathrm{k}\Omega$	150Ω	15Ω	1.5Ω
$1.6\mathrm{M}\Omega$	$160\mathrm{k}\Omega$	$16\mathrm{k}\Omega$	$1.6\mathrm{k}\Omega$	160Ω	16Ω	1.6Ω
$1.8\mathrm{M}\Omega$	$180\mathrm{k}\Omega$	$18\mathrm{k}\Omega$	$1.8\mathrm{k}\Omega$	180Ω	18Ω	1.8Ω
$2.0\mathrm{M}\Omega$	$200\mathrm{k}\Omega$	$20\mathrm{k}\Omega$	$2.0\mathrm{k}\Omega$	200Ω	20Ω	2.0Ω
$2.2\mathrm{M}\Omega$	$220\mathrm{k}\Omega$	$22\mathrm{k}\Omega$	$2.2\mathrm{k}\Omega$	220Ω	22Ω	2.2Ω
$2.4\mathrm{M}\Omega$	$240\mathrm{k}\Omega$	$24\mathrm{k}\Omega$	$2.4\mathrm{k}\Omega$	240Ω	24Ω	2.4Ω
$2.7\mathrm{M}\Omega$	$270\mathrm{k}\Omega$	$27\mathrm{k}\Omega$	$2.7\mathrm{k}\Omega$	270Ω	27Ω	2.7Ω
$3.0\mathrm{M}\Omega$	$300 \mathrm{k}\Omega$	$30\mathrm{k}\Omega$	$3.0\mathrm{k}\Omega$	300Ω	30Ω	3.0Ω
$3.3\mathrm{M}\Omega$	$330 \mathrm{k}\Omega$	$33\mathrm{k}\Omega$	$3.3\mathrm{k}\Omega$	330Ω	33Ω	3.3Ω
$3.6\mathrm{M}\Omega$	$360 \mathrm{k}\Omega$	$36\mathrm{k}\Omega$	$3.6\mathrm{k}\Omega$	360Ω	36Ω	3.6Ω
$3.9\mathrm{M}\Omega$	$390 \mathrm{k}\Omega$	$39\mathrm{k}\Omega$	$3.9\mathrm{k}\Omega$	390Ω	39Ω	3.9Ω
$4.3\mathrm{M}\Omega$	$430\mathrm{k}\Omega$	$43\mathrm{k}\Omega$	$4.3\mathrm{k}\Omega$	430Ω	43Ω	4.3Ω
$4.7\mathrm{M}\Omega$	$470\mathrm{k}\Omega$	$47\mathrm{k}\Omega$	$4.7\mathrm{k}\Omega$	470Ω	47Ω	4.7Ω
$5.1\mathrm{M}\Omega$	$510\mathrm{k}\Omega$	$51\mathrm{k}\Omega$	$5.1\mathrm{k}\Omega$	510Ω	51Ω	5.1Ω
$5.6\mathrm{M}\Omega$	$560\mathrm{k}\Omega$	$56\mathrm{k}\Omega$	$5.6\mathrm{k}\Omega$	560Ω	56Ω	5.6Ω
$6.2\mathrm{M}\Omega$	$620\mathrm{k}\Omega$	$62\mathrm{k}\Omega$	$6.2\mathrm{k}\Omega$	620Ω	62Ω	6.2Ω
$6.8\mathrm{M}\Omega$	$680\mathrm{k}\Omega$	$68\mathrm{k}\Omega$	$6.8\mathrm{k}\Omega$	680Ω	68Ω	6.8Ω
$7.5\mathrm{M}\Omega$	$750\mathrm{k}\Omega$	$75\mathrm{k}\Omega$	$7.5\mathrm{k}\Omega$	750Ω	75Ω	7.5Ω
$8.2\mathrm{M}\Omega$	$820 \mathrm{k}\Omega$	$82 \mathrm{k}\Omega$	$8.2 \mathrm{k}\Omega$	820Ω	82Ω	8.2Ω
$9.1\mathrm{M}\Omega$	$910\mathrm{k}\Omega$	$91\mathrm{k}\Omega$	$9.1\mathrm{k}\Omega$	910Ω	91Ω	9.1Ω

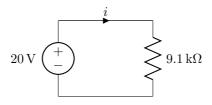
2.10 تخصيص مزاحمت

جدول 2.1 مزاحمت کی وہ مخصوص قیمتیں دیتا ہے جو عام دستیاب ہیں۔مزاحمت کی قیمت کے علاوہ اس کی طاقعی استعداد 29 اور قیمت میں خلل 30 مجلی جاننا ضروری ہے۔اس جدول میں دئے تمام مزاحمتوں کی قیمتوں میں % 5 مزاحمتی خلل ممکن ہے۔یوں انہیں % 5 مزاحمت کہتے ہیں۔مزاحمت کی طاقت استعداد عموماً % 0.25 ، % 1 کس کی دستیاب ہیں۔

مزاحت میں طاقت کا ضیاع حرارتی توانائی میں تبدیل ہوتا ہے جس سے مزاحت کی درجہ حرارت بڑھتی ہے۔دواجہام کے مابین ایصال حوادت اقیا اتصال حوادت الله علی فرق پر منحصر ہے۔دواجہام کے درجہ حرارت میں فرق بڑھانے سے ان کے مابین ایصال حرارت یا اتصال حرارت بڑھتی ہے۔ مزاحت میں طاقت کے ضیاع سے مزاحت کا درجہ حرارت ارد گرد کے ماحول سے بڑھ جاتا ہے۔ایصال حرارت اور اتصال حرارت سے مزاحت کی حرارتی توانائی ارد گرد کے ماحول کو منتقل ہوتی ہے۔ جس درجہ حرارت پر مزاحت کی طاقتی ضیاع اور مزاحت سے انتقال حرارت برابر ہوں، مزاحت کی حرارتی توانائی ارد گرد کے ماحول کو منتقل ہوتی ہے۔ جس درجہ حرارت پر تباہ ہوتا ہے۔ یہی مزاحت کے لئے بھی درست ہے لمذا ہوں، مزاحت کا درجہ حرارت اتنانہ بڑھ جائے کہ مزاحت جل کر راکھ ہو جائے۔طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے جس پر مزاحت محفوظ رہ سیا ہے۔اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے جس پر مزاحت محفوظ رہ سکتا ہے۔اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے جس پر مزاحت موجہ سے اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے۔ جس پر مزاحت سے مراحت جاگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے۔ جس پر مزاحت سے مزاحت جاگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے کہ مزاحت جائے تو مزاحت جائے کہ و جائے۔ اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے کہ مزاحت جائے تو مزاحت جائے کہ و جائے سے کہ اس کر درجہ حرارت ایک مزاحت کے طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت جائے کہ مزاحت کے طاقتی سے در سے کہ اس کر درجہ حرارت ایک درجہ حرارت ایک مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت جائے ہو جائے۔طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت جائے ہو جائے۔طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت کے لئے تو مزاحت کے ساتھ کو سے دور سے کا سے در استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت کے سے در استعداد سے مزاحت کے سے در استعداد سے در سے در سے در استعداد سے در سے د

power rating²⁹ tolerance³⁰

heat conduction³²



شکل 2.37: مزاحمت کی قیمت میں خلل اور طاقت کے ضیاع کی مثال۔

مثال 2.15: شکل 2.37 میں % 5 مزاحمت استعال کیا گیا ہے۔ دور میں کم سے کم اور زیادہ سے زیادہ رو دریافت کریں۔ دونوں صورتوں میں مزاحمتی ضیاع بھی حاصل کریں۔

حل: مزاحمت کی قیمت 9.1 k بے۔اس قیمت کو علامتی قیمت 33 کہتے ہیں۔مزاحمت کی حقیقی قیمت اس سے 5 کم یا زیادہ ممکن ہے۔یوں اس مزاحمت کی کم سے کم قیمت

$$R_{\rm T} = (1 - 0.05) \times 9100 = 8.645 \,\mathrm{k}\Omega$$

اور زیادہ سے زیادہ قیمت

$$R_{j,j,j} = (1+0.05) \times 9100 = 9.555 \,\mathrm{k}\Omega$$

ہو سکتی ہے۔ مزاحمت کی اصل قیمت ان حدود کے در میان رہے گی۔ یوں کمتر اور بلند تر رو درج ذیل ہوں گے۔

$$i_{\pi\pi} = \frac{20}{9555} = 2.093 \,\text{mA}$$
 $i_{\pi\pi} = \frac{20}{8645} = 2.313 \,\text{mA}$

مزاحمت میں کمتر اور بلند تر طاقت کا ضیاع درج ذیل ہو گا۔

$$p_{\text{ji}} = 20 \times 2.093 \times 10^{-3} = 41.86 \,\text{mW}$$

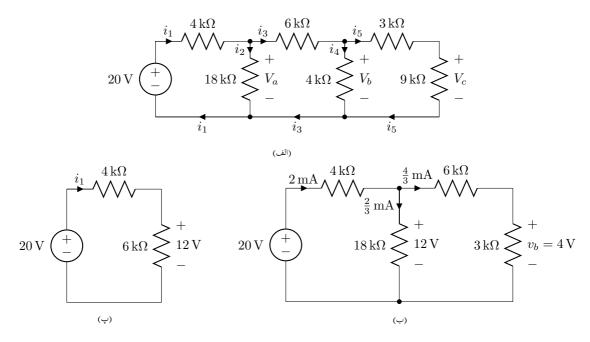
 $p_{\text{ji}} = 20 \times 2.313 \times 10^{-3} = 46.26 \,\text{mW}$

مزاحمت میں طاقت کا ضیاع 42 mW تا 46 mW ممکن ہے۔ یوں 0.25 W کی مزاحمت یہاں استعال کی جاسکتی ہے جو 250 mW کی طاقت ضیاع کو برداشت کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔

مندرجہ بالا مثال میں اگر مزاحمت کی قیمت Ω 100 ہوتی تب رو کی علامتی قیمت Ω 20 مندرجہ بالا مثال میں اگر مزاحمت نیاری میں Ω 30 ہوتا۔ مزاحمت کی استعداد Ω 25 ہونے کی صورت میں مزاحمت تاب نہ لاتے ہوئے جل کر راکھ ہو جائے گا۔ یوں الیمی صورت میں Ω 4 سے زیادہ طاقتی استعداد Ω مزاحمت استعال کر ناضر وری ہے۔

typical value³³

³⁴میں متوقع طاقتی ضیاع کی دگنا قیمت کر طاقتی استعداد کا مزاحمت استعمال کرتا ہوں۔



شکل 2.38: سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے دور کی مثال.

2.11 سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے ادوار کا حل

قانون اوہم اور کرچاف کے قوانین کو بطور تجزیاتی آلات استعال کرتے ہوئے برقی ادوار حل کئے جاتے ہیں۔اب تک ہم سادہ ترین ادوار حل کرتے رہے ہیں۔اس جھے میں سلسلہ وار اور متوازی مزاحتوں پر مبنی بڑے ادوار حل کرنادیکھتے ہیں۔

مثال 2.16: شکل 2.38-الف کے دور میں تمام نا معلوم د باو اور رو دریافت کریں۔

حل: ہم منبع سے دور ترین مزاحمت سے شروع کرتے ہوئے سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت پر کرتے ہوئے آخر کار شکل ۔ 2.38-پ تک پہنچتے ہیں جہال سے i_1 اور v_a کیا جا سکتا ہے۔ان قیتوں کو کرچاف کے قوانین اور قانون اوہم کے ساتھ استعال کرتے ہوئے مزید نا معلوم متغیرات حاصل کئے جائیں گے۔آئیں یہ عمل قدم باقدم دیکھیں۔

 $4\,\mathrm{k}\Omega$ ج جو $9\,\mathrm{k}\Omega + 3\,\mathrm{k}\Omega = 12\,\mathrm{k}\Omega$ مسابی منبع سے دور ترین $9\,\mathrm{k}\Omega$ اور $3\,\mathrm{k}\Omega$ مسابی وار جڑے ہیں۔ان کا مساوی مزاحمت $9\,\mathrm{k}\Omega$ اور $9\,\mathrm{k}\Omega$ اور $9\,\mathrm{k}\Omega$ متوازی ہے۔ یوں ان کا مساوی مزاحمت $9\,\mathrm{k}\Omega = 3\,\mathrm{k}\Omega$ ہوگا جے شکل-ب میں استعال کیا گیا ہے۔ شکل-ب میں $6\,\mathrm{k}\Omega$ اور $9\,\mathrm{k}\Omega$ کا مساوی $9\,\mathrm{k}\Omega$ ہوگا جس کے استعال سے شکل-پ حاصل ہوتا ہے۔ کا مساوی $9\,\mathrm{k}\Omega$ ہوگا جس کے استعال سے شکل-پ حاصل ہوتا ہے۔

شكل 2.38-پ ميں

$$i_1 = \frac{20}{4000 + 6000} = 2 \,\text{mA}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے قانون اوہم کے تحت

$$v_a = i_1 \times 6 \,\mathrm{k}\Omega = 12 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ شکل-ب میں ان قیمتوں کو د کھایا گیا ہے جہاں سے ظاہر ہے کہ 18 k مزاحمت پر 12 V دباوہے للذااس کی رو

$$i_2 = \frac{v_a}{18 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{12}{18000} = \frac{2}{3} \,\mathrm{mA}$$

ہو گی۔شکل-الف میں قانون رو سے

$$i_1 = i_2 + i_3$$

لکھتے ہوئے

$$i_3 = i_1 - i_2$$

$$= 2 \text{ mA} - \frac{2}{3} \text{ mA}$$

$$= \frac{4}{3} \text{ mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ شکل-ب میں i₃ کے استعال سے

$$v_b = i_3 \times 3 \text{ k}\Omega$$
$$= \frac{4}{3} \times 10^{-3} \times 3000$$
$$= 4 \text{ V}$$

حاصل ہوتا ہے۔اب شکل-الف میں v_b جانتے ہوئے i_4 حاصل کرتے ہیں۔

$$i_4 = \frac{v_b}{4 \,\mathrm{k}\Omega}$$
$$= \frac{4}{4000}$$
$$= 1 \,\mathrm{mA}$$

قانون رو سے

$$i_3 = i_4 + i_5$$

لکھتے ہوئے

$$i_5 = i_3 - i_4$$

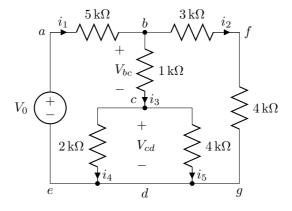
$$= \frac{4}{3} \text{ mA} - 1 \text{ mA}$$

$$= \frac{1}{3} \text{ mA}$$

حاصل ہوتا ہے جسے استعال کرتے ہوئے قانون اوہم سے

$$v_c = i_5 \times 9 \text{ k}\Omega$$
$$= \frac{1}{3} \times 10^{-3} \times 9000$$
$$= 3 \text{ V}$$

لکھا جا سکتا ہے۔



شكل 2.39: سلسله وار اور متوازى مزاحمتون كا دور.

مثال 2.17: شکل 2.39 میں $i_5=2\,\mathrm{mA}$ ہونے کی صورت میں تمام نامعلوم متغیرات دریافت کریں۔

حل: یہ مثال گزشتہ مثال کے الٹ ہے۔ یہاں دور میں کسی ایک مقام کے رو (یا دباو) سے منبع کی دباو اور دیگر متغیرات دریافت کیے جائیں گے۔دی معلومات سے قانون اوہم کے ذریعہ

$$v_{cd} = i_5 \times 4 \text{ k}\Omega$$

= $2 \times 10^{-3} \times 4000$
= 8 V

لکھا جا سکتا ہے جے استعال کرتے ہوئے قانون اوہم کی مدد سے

$$i_4 = \frac{v_{cd}}{2 \,\mathrm{k}\Omega}$$
$$= \frac{8}{2000}$$
$$= 4 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ کر چاف قانون رو

$$i_3 = i_4 + i_5$$

= 4 mA + 2 mA
= 6 mA

حاصل ہوتا ہے۔ یوں قانون اوہم سے

$$v_{bc} = i_3 \times 1 \text{ k}\Omega$$
$$= 6 \times 10^{-3} \times 1000$$
$$= 6 \text{ V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ دائرہ debfg پر کرچاف قانون دباو

$$V_{cd} + V_{bc} = i_2 \times 3 \,\mathrm{k}\Omega + i_2 \times 4 \,\mathrm{k}\Omega$$

لکھا جائے گا جس سے

$$i_2 = \frac{V_{cd} + V_{bc}}{3 \,\mathrm{k}\Omega + 4 \,\mathrm{k}\Omega} \\ = \frac{8 + 6}{3000 + 4000} \\ = 2 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ کر چاف قانون روسے

$$i_1 = i_2 + i_3$$

= 2 mA + 6 mA
= 8 mA

حاصل ہوتا ہے جسے قانون اوہم میں استعال کرتے ہوئے

$$V_{ab} = i_1 \times 5 \text{ k}\Omega$$
$$= 8 \times 10^{-3} \times 5000$$
$$= 40 \text{ V}$$

a عاصل ہوتا ہے جہاں V_{ab} نقطہ b کے حوالے سے نقطہ a پر دباو ہے۔دائرہ v_{ab} پر کرچاف قانون دباو

$$V_0 = V_{ab} + V_{bc} + V_{cd}$$

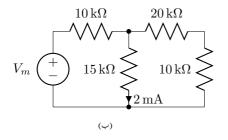
لکھا جائے گا جس سے منبع کا دباو

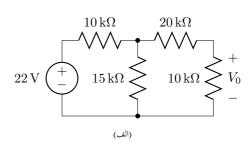
$$V_0 = 40 + 6 + 8$$

= 54 V

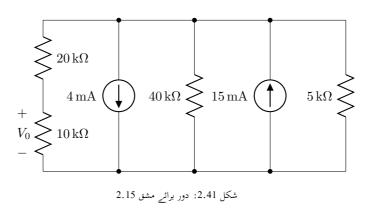
حاصل ہوتا ہے۔

مثق 2.13: شكل 2.40-الف ميں V_0 دريافت كريں۔





شكل 2.40: دور برائح مشق 2.13 اور مشق 2.14

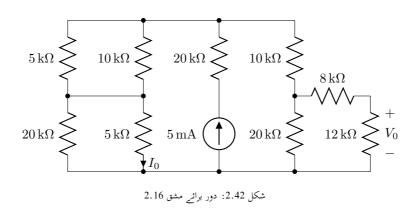


مشق 2.14: شکل 2.40-ب میں V_m دریافت کریں۔

جواب: 5.1 mA

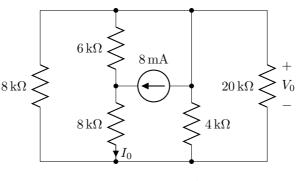
مثق 2.15: شکل 2.41 میں V_0 دریافت کریں۔

مثق 2.16: شكل 2.42 ميں V_0 اور I_0 دريافت كريں۔



94 مزاحمتی ادوار

مثق 2.17: شکل 2.43 میں V_0 اور I_0 دریافت کریں۔



شكل 2.43: دور برائے مشق 2.17

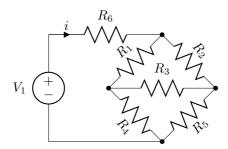
2.12. ستاره-تكون ميدل

2.12 ستاره-تكون مبدل

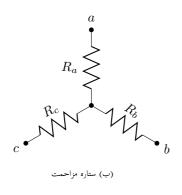
ہم نے اب تک ایسے ادوار دیکھے جن میں سلسلہ وار مزاحمتوں اور متوازی مزاحمتوں کی جگہ مساوی مزاحمت نسب کرتے ہوئے سادہ دور حاصل کیا گیا۔اس حصے میں جس ترکیب پر غور کیا جائے گا، اس کی اہمیت شکل 2.44 سے واضح ہو گی۔آپ اس دور میں i حاصل کرنے کی کوشش کریں۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس میں کوئی بھی دو مزاحمت سلسلہ وار یا متوازی نہیں جڑے للذا اس دور کی سادہ صورت گزشتہ ترکیب سے حاصل نہیں کی جاسکتی۔البتہ ایسے ادوار میں پچھ حصے کی جگہ مساوی دور نسب کرنے سے دور قابل حل ہو جاتا ہے۔اس ترکیب کو مستارہ۔ تکونی مبدل 35 کہتے ہیں۔آئیں ستارہ۔ تکون مبدل ترکیب پر غور کریں۔

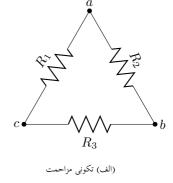
شکل 2.45-الف میں تین مزاحمت تکونی جڑے ہیں جبکہ شکل-ب میں تین مزاحمت ستارہ جڑے ہیں۔ تکونی مزاحمتوں کی جگہ ستارہ مزاحمت نسب کئے جا سکتے ہیں۔ای طرح ستارہ مزاحمتوں کی جگہ تکونی مزاحمت نسب کئے جا سکتے ہیں۔

wye-delta transformation³⁵



96 مزاحمتی ادوار





شكل 2.45: ستاره-تكون مبدل