برقی ادوار

خالد خان بوسفر کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1																														باد	بن	1
1																					و	دبا	رقى	ر بر	رو او	قى	، برا	ن بار	برقي	1.	1	
5																											٠	ِنِ او	قانو	1.	2	
6																									ت	طاقد	ور م	ائی او	توان	1.	3	
11																											ے	۔ سپرز	برقي	1.	4	
11													 		 								بع	ء من	ر تاب	غير		1.4	.1			
13																							_	•	ء ع منب			1.4	.2			
21																												ار	، ادو	إحمتي	مز	2
21																												. ۔ ِن اوپ		2.		
27																												ین ک نین ک		2.	2	
39																										_	-	ں سلہ و	-	2.	3	
40																												ر ىيم د		2.	4	
42																												۔۔ اِ دد س		2.	5	
45																												سلہ و		2.	6	
46																								_				ر ازی .		2.	7	
47																_	_											سیم را		2.	8	
53																												سلہ و		2.	9	
57																												ر صيص		2.1	0	
59																												 سلہ و		2.1	1	
64																				_								ر ارہ-تک		2.1	2	
69																											-			2.1	3	
77																											عزيہ	ی تج	ِ دائر	وڑ اور	-	3
77																											وڑ	ٰ زیہ ج	تج	3.		
79																			.1	1	11		: <	- 11		.1 -		ات	à	3	2	

اب 1

بنياد

اس کتاب میں بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی ہے جس کے چند بنیادی اکایاں کلو گرام (kg)، میٹر (m)، سینڈ (s)اور کیلون (K) ہیں۔ان اکایوں کے ساتھ عموماً شکل 1.1 میں دکھائے گئے ضربے استعال کئے جاتے ہیں جن سے آپ بخوبی واقف ہیں۔

1.1 برقی بار، برقی رو اور برقی دباو

اس کتاب میں بوقی باد 2 اور بوقی رو 3 کلیدی کردار ادا کریں گے۔ برقی بارکی اصطلاح کو چھوٹا کر کے صرف بوق یا صرف بارکی اصطلاح استعال کی جائے گی جبکہ برقی روکہتے ہیں۔چونکہ بارکی حرکت سے توانائی ایک مقام سے دوسرے مقام منتقل ہوتی ہے لہذا ہماری دلچیسی کا مرکز برقی روہوگی۔

موصل تارکی مدد سے برتی پرزہ جات کو مختلف انداز میں آپس میں جوڑنے سے بوقی دور احاصل ہوتا ہے۔ جیسے پائپ سے پانی کو ایک مقام سے دوسرے مقام تک منتقل کیا جاتا ہے، بالکل اسی طرح برتی دور میں ایک نقطے سے دوسرے نقطے تک بار موصل تارکے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ یوں اگر پانی کو بار تصور کیا جائے گا۔ برتی ادوار سیجھنے میں یہ مثابہت مدد گارثابت ہوتی ہے۔

کسی بھی نقطے پر برقی روسے مراد اس نقطے سے فی سینڈ گزرتا بار ہے۔رواور بار کے تعلق کو تفرقی 5 صورت میں یوں

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

SI system¹ electric charge² electric current³ electric circuit⁴ differential form⁵

10^{-12}	10-9	10-6	10^{-3}	100	103	106	109	10 ¹²
p	n	µ	m		k	M	G	T
pico	nano	micro	milli		kilo	mega	giga	tera
پیکو	نینو	مائيكرو	مِلٰی		کِلو	میگا	گیگا	ٹیرا

شکل 1.1: بین الاقوامی نظام اکائی کے ضربیر۔

باب 1. بنیاد



شکل 1.2: برقی رو کو بیان کرنے کے درست طریقے۔

اور تکملہ صورت⁶ میں یوں

$$q = \int_{-\infty}^{t} i \, \mathrm{d}t$$

i ککھا جا سکتا ہے جہاں برقی بار کو g سے ظاہر کیا گیا ہے اور برقی روکو i سے ظاہر کیا گیا ہے۔بدلتے متغیرات کو انگریزی کے چھوٹے حروف تبجی مثلاً i یا g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں غیر متغیر روکو I اور غیر متغیر بار کو g سے ظاہر کیا جائے گا۔

بارکی اکائی کو تکو لمب⁷ کہتے ہیں جے C کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ روکی اکائی کو ایمپیئر ⁸ کہتے ہیں۔ایمپیئر کی علامت A ہے۔اگر تار سے ایک سینڈ دورانے میں ایک ایمپیئر کی برقی روپائی جائے گی۔

روایتی طور پریہ تصور کیا جاتا تھا کہ مثبت بار کے حرکت سے برقی رو پیدا ہوتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ حقیقت میں موصل تار میں مثبت ایٹم ساکن ہوتے ہیں اور آزاد منفی الیکٹران کے حرکت سے رو پیدا ہوتی ہے۔اس حقیقت کے باوجود، تصور کیا جاتا ہے کہ مثبت بارکی حرکت برقی روکو جنم دیتی ہے۔شکل۔
الف میں فی سکنڈ 3 کا بار بائیں سے دائیں جانب منتقل ہو رہا ہے جبکہ شکل۔ب میں فی سکنڈ 2 کا بار دائیں سے بائیں جانب منتقل ہو رہا ہے۔یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ برقی روکی مقدار اور سمت دونوں بیان کرناضروری ہیں۔

غیر متغیر برقی رو کو یک سمتی رو ⁹ کہتے ہیں۔ یک سمتی رو کی مقدار وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی۔وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی برقی رو کو بدلتی رو ¹⁰ کہتے ہیں۔ان دونوں کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔موبائل کی بیٹری یک سمتی رو پیدا کرتی ہے جبکہ گھریلو پٹکھا بدلتی روسے چلتا ہے۔

شکل 1.3-الف میں 50 کی مزاحمت میں 4A کی روپائی جاتی ہے۔اس مزاحمت کے دونوں سرے مزید پرزہ جات سے جڑے ہیں جنہیں شکل میں نہیں دکھایا گیا ہے۔شکل-ب تا شکل-ٹ میں مزاحمت پر دباواور مزاحمت میں رو کو مختلف طریقوں سے لکھا گیا ہے۔کسی بھی دو متغیرات کو کل چار انداز

integral form

 $Coulomb^7$

Ampere⁸

direct current, DC⁹

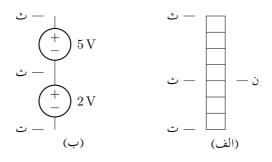
alternating current, AC^{10}

$$I = -4 \,\mathrm{A}$$
 \Rightarrow $V = 20 \,\mathrm{V}$ \Rightarrow $Y = 20 \,\mathrm{$

شکل 1.3: مزاحمت کی رو اور دباو لکھنے کے چار ممکنہ طریقے۔

شکل 1.4: انفعالی سمت کر ترکیب کی پہچان۔

باب1. بنیاد



شكل 1.5: برقى دباو مين نقطه حواله كي ابميت.

میں لکھا جا سکتا ہے۔ یہی دوعدد متغیرات یعنی دباواور رو کے لئے بھی درست ہے للذا انہیں لکھنے کے کل چار طریقے ہیں۔ شکل 1.4 میں برقی دباواور برقی رو کے مقدار لکھے بغیر یہی چار طریقے و دبارہ دکھائے گئے ہیں۔ ان میں شکل - ب اور شکل - ٹ کے طرز کو انفعالی سمت کی ترکیب ۱۱ کہتے ہیں۔ انفعالی سمت کی ترکیب میں دباو کا اور رو ا کی سمتیں یوں چننی جاتی ہیں کہ برقی پرزے میں رو مثبت سرے سے داخل ہوتی ہے۔ یوں شکل - ب میں مزاحمت کی ترکیب میں اسی سرے کو دباو کا مثبت سرا چنا گیا ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سر ہے للذا انفعالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی دباوکا مثبت سرے لکے انتقالی سمت کی ترکیب میں اصل برقی رو اور برقی درست سمتوں کا کوئی کر دار نہیں۔ قانونِ او ہم 1 اور طاقت کے حساب میں انفعالی سمت کی ترکیب استعال کیا جاتا ہے۔

انفعالی سمت کی ترکیب میں برقی پرزے پر دباوکی سمت چننے کے بعد روکی سمت یوں چننی جاتی ہے کہ چنے گئے دباو کے مثبت سرسے پرزے میں رو داخل ہو۔

عام زندگی میں اونچائی کو زمین سے ناپا جاتا ہے جہاں زمین کی اونچائی صفر کے برابر لی جاتی ہے۔یوں اونچائی کے ناپ میں زمین کو نقطہ حوالہ 13 لیا جاتا ہے۔شکل 1.5-الف میں سات منزلہ عمارت و کھائی گئی ہے۔اگر زمین نقطہ ت پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہو تب نقطہ ن مثبت تین پڑھا جا سکتا ہے۔اس کے بر عکس اگر زمین نقطہ ٹ پر ہونے کی صورت میں نقطہ ن منفی چار پر ہوگا۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ نقطہ ن کی حتمی اونچائی کوئی معنی نہیں رکھتی۔اونچائی صرف اس صورت میں معنی خیز ہوتی ہے جب نقطہ حوالہ بھی بیان کیا جائے۔ برتی دباو بھی بالکل اونچائی کی طرح ناپی جاتی ہوئی ہے۔یوں شکل 1.5-ب میں نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ٹ مثبت دو وولٹ 2V پر ہے جبکہ نقطہ ث کے حوالے سے نقطہ ٹ منفی پانچ وولٹ 5V پر ہیں۔نقطہ ت کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ ش کے حوالے سے نقطہ ث 7V پر ہے جبکہ نقطہ شاہ کے حوالے سے نقطہ ش 7V پر ہے۔اس طرح نقطہ شاہ کی برتی دباو صفر تصور کی جاتی ہے۔

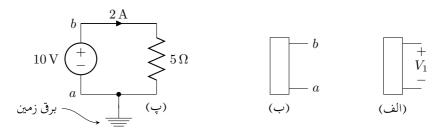
passive sign convention¹¹

Ohm's law

reference¹³

electrical ground¹⁴

1.2. قانونِ اوبم



شكل 1.6: برقى دباو كا اظهار.

یا $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ کاملی جا سکتی ہے جہاں زیر نوشت میں نقطہ حوالہ کا ذکر نہیں کیا گیا۔ شکل - پ میں اب بھی $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ یا $V_{ba}=10\,\mathrm{V}$ کاملی جا سکتا ہے۔ $V_{ab}=10\,\mathrm{V}$ کاملی جا سکتا ہے۔

1.2 قانونِ اوہم

قانون اوہم 15 سے آپ بخوبی واقف ہیں

$$(1.3) V = IR$$

جو مزاحمت کی برقی رواور مزاحمت کی برقی و ہاوکا تعلق بیان کرتا ہے۔ اس قانون 1 کے استعال میں دباو V اور رو I کو انفعالی سمت کی ترکیب سے چننا جاتا ہے۔ شکل I 1.7 میں ایک عدد مزاحمت اور دو عدد منبع دباوکا دور دکھایا گیا ہے۔ برقی زمین کے حوالے سے مزاحمت کے بائیں سرے پر V 5 اور دائیں سرے پر V 9 دباو پایا جاتا ہے۔ قانون او ہم میں مزاحمت کے دو سرول کے مابین برقی و باو استعال کیا جاتا ہے۔ یوں مزاحمت کے ایک سرے کو حوالمہ لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سر کے بائیں مزاحمت کا بایاں سر ابطور حوالہ چننا گیا ہے جبکہ مزاحمت کے دائیں سرے لیتے ہوئے مزاحمت کے دو سرے پر برقی و باولی جاتی ہے۔ گل سامت اور دائیں جانب V کی علامت سے ظاہر کی جائے گا۔ یہ حقیقت مزاحمت کے قریب V کے بائیں جانب V کی علامت سے ظاہر کی جائے گا۔ شکل الف میں یوں

$$V_R = 9 - 5 = 4 \,\mathrm{V}$$

ہو گا جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{V_R}{R} = \frac{4}{8} = 0.5 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔حاصل برقی روکی قیمت مثبت مقدار ہے جس کا مطلب ہے کہ روکی سمت وہی ہے جو شکل-الف میں چننی گئی ہے۔

شکل 1.7-ب میں مزاحمت کا دایاں سرا بطور نقطہ حوالہ چننا گیا ہے۔ یوں V_R کے دائیں جانب (-) کی علامت لگائی گئی ہے۔انفعالی سمت کی ترکیب کے تحت روکی سمت بائیں سے دائیں کو چننی گئی ہے۔ یہاں

$$V_R = 5 - 9 = -4 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے جسے اوہم کے قانون میں استعال کرتے ہوئے

$$I_R = \frac{-4}{8} = -0.5 \,\text{A}$$

Ohm's law^{15}

¹⁶ یہ قانون جرمنی کے جارج سائمن اوہم نے پیش کیا۔

 $\frac{1}{2}$ باب $\frac{1}{2}$



شكل 1.7: قانونِ اوہم اور انفعالي سمت كي تركيب.



شكل 1.8: قانونِ اوہم كا صحيح استعمال.

حاصل ہوتا ہے۔ شکل - ب میں V_R کی قیمت منفی حاصل ہوئی جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں مزاحمت پر برقی دباو چننی گئی ست کے الٹ ہے۔ اس طرح رو I_R کی قیمت ہوئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو چننی گئی سمت کے الٹ ہے لیعنی برقی رو حقیقت میں دائیں سے بائیں جانب کو ہے۔

شكل 1.8 ميں قانون اوہم كا صحيح استعال د كھايا گيا ہے۔

1.3 توانائي اور طاقت

h فقلی میدان m پر قوت m و m مگل کرتا ہے جہاں $g=9.8 \frac{m}{s^2}$ برابر ہے۔یوں ثقلی میدان کے مخالف m کو m بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh توت عمل بندی تک پہنچانے کی خاطر m=Fh=mgh فوت عمل کرتا ہے اور برقی میدان کے مخالف m فاصلے تک بار کو منتقل کرنے کی خاطر

$$(1.4) w = qEh$$

توانائی در کار ہے۔ برتی میدان میں ابتدائی نقطے سے اختتامی نقطے تک اکائی برتی بار منتقل کرنے کے لئے در کار توانائی کو ابتدائی نقطے کے حوالے سے اختتامی نقطے کی برتی دباو کہا جاتا ہے۔

gravitational field¹⁷ electric field¹⁸

1.3. توانائي اور طاقت

مثال 1.1: برقی میدان $E=600 \frac{V}{m}$ میں 0.2C بار قوت کے مخالف $12 \, \mathrm{mm}$ فاصلہ دُور منتقل کیا جاتا ہے۔درکار توانائی حاصل کریں۔ابتدائی نقطہ i اور اختتامی نقطہ i کے مابین برقی دباو حاصل کریں۔

حل: در کار توانائی

 $w = 0.2 \times 600 \times 0.012 = 1.44 \,\mathrm{J}$

کے برابرہے جبکہ برقی دباو

$$V_{ki} = \frac{1.44}{0.2} = 7.2 \,\mathrm{V}$$

کے برابر ہے۔

مساوات 1.4 کی تفرقی صورت

dw = Eh dq

ککھی جا سکتی ہے جو چھوٹی برتی بار dq کو منتقل کرنے کے لئے درکار توانائی dw دیتی ہے۔ یوں اکائی بار کو منتقل کرنے کی خاطر dw توانائی درکار ہو گی جے برتی دباو v کہتے ہیں یعنی

$$v = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

مساوات 1.5 کو مساوات 1.1 سے ضرب دینے سے

$$v \times i = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q} \times \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t} = p$$

حاصل ہوتا ہے جو طاقت 19 کو ظاہر کرتا ہے۔ فی سینٹر در کار توانائی کو طاقت کہتے ہیں۔طاقت کی اکائی واٹ 20 سے۔مندرجہ بالا مساوات کی تکملہ صورت درج ذیل ہے۔

(1.7)
$$w = \int_{t_1}^{t_2} p \, \mathrm{d}t = \int_{t_1}^{t_2} vi \, \mathrm{d}t$$

آئیں ان معلومات کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 1.9 پر غور کریں جہاں 10 V کی منبع بوقی دباو 21 کے ساتھ 50 کی بوقی مزاحمت22 جوڑی گئی ہے۔اس دور میں برقی روکو منبع پیداکرتی ہے لہذا منبع کو فعال پرزہ 23 جبکہ مزاحمت کو انفعال پرزہ 24 کہا جاتا ہے۔انفعالی سمت کمی ترکیب کا نام اس حقیقت سے نکلاہے کہ اس ترکیب کے استعال سے انفعالی پرزہ جات پر مثبت طاقت حاصل ہوتا ہے۔

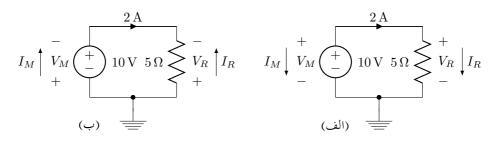
passive component²⁴

power¹⁹

voltage source²¹

electrical resistance²² active component²³

ابا-1. بنیاد



شكل 1.9: طاقت كى بيداوار اور طاقت كا ضياع.

قانون او ہم 25 کے تحت شکل 1.9 کے دور میں سمت گھڑی 2 A کی برتی رو پائی جائے گی جے دور میں بالائی تار پر تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔دور میں او ہم 2 کے بحت شکل 1.9 برتی روسے مراد ہیہ ہے کہ دور میں کئی تھلے پر اگر دیکھا جائے تو اس نقطے سے فی سینڈ 2 C بار گزرے گا۔ اس دور میں مجلی تارک حوالے سے بالائی تارپر مثبت دس وولٹ کی دباو ہے۔ یوں مزاحمت کے بالائی یعنی مثبت سرے سے مزاحمت کے نچلے یعنی منفی سرے کی جانب فی سینڈ دو کولب بار منتقل ہوتا ہے۔ یہ بالکل ایسا ہی ہے جیسے نقلی میدان میں بلند مقام سے میکانی بار گررہا ہو۔دو کولب کا بار دس وولٹ نیچ گرتے ہوئے 20 J کی مغفی توانائی 2 کو حوارتی توانائی 20 میں تبدیل ہو کر مزاحمت کو گرم کرے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 لی کو خوارتی ضیاع 30 اور مزاحمت میں فی سینڈ توانائی کا ضیاع 30 کے نیاں کہ مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 23 اور مزاحمت میں طاقت کے ضیاع کو حوارتی ضیاع 23 اور مزاحمت میں عالم کے تبیں۔

انفعالی سمت کی ترکیب استعال کرتے ہوئے ہم شکل 1.9-الف میں منبع کی دباو کو V_M اور مزاحمت کی دباو کو V_R چننے کے بعد ان دباو کے مثبت سر سے منفی سرکی جانب روکی سمت چنتے ہیں۔ یوں حاصل منبع کی برقی رو I_M اور مزاحمت کی برقی رو I_R کو شکل-الف میں دکھایا گیا ہے۔ شکل- کو دیکھتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$V_M = 10 \text{ V}$$

 $V_R = 10 \text{ V}$
 $I_M = -2 \text{ A}$
 $I_R = 2 \text{ A}$

ان قیمتوں کو مساوات 1.6 میں پر کرتے ہوئے منبع اور مزاحمت کی طاقت حاصل کرتے ہیں۔

$$P_M = 10 imes (-2) = -20 \, \mathrm{W}$$
 طاقت کی منفی قیمت، طاقت کی پیداوار کو ظاہر کرتی ہے $P_R = 10 imes 2 = 20 \, \mathrm{W}$ طاقت کی مثبت قیمت، طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے

یہاں غیر متغیر طاقت کو بڑھے حروف تبجی میں P_M اور P_R لکھا گیا۔مزاحمت کی طاقت مثبت مقدار حاصل ہوئی ہے جبکہ منبع کی طاقت منفی مقدار ہے۔یوں مساوات 1.6 سے حاصل مثبت مقدار طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتی ہے جبکہ منفی مقدار طاقت کی پیدا وار کو ظاہر کرتی ہے۔

شکل 1.9 میں برقی دباو کے سمت الٹ چننے گئے جس کی وجہ سے رو کی سمتیں بھی الٹ کر دی گئی ہیں۔ یوں

$$V_M = -10 \,\mathrm{V}$$
 $V_R = -10 \,\mathrm{V}$
 $I_M = 2 \,\mathrm{A}$
 $I_R = -2 \,\mathrm{A}$

Ohm's law²⁵

clockwise²⁶

potential energy 27 مخفی توانائی کی اصطلاح خفیہ توانائی سے حاصل کی گئی ہے۔

thermal energy²⁹

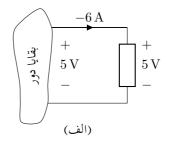
 $loss^{30}$

power loss³¹ thermal loss³²

resistive loss33

1.3. توانائي اور طاقت





شكل 1.10: فعال اور انفعال پرزے كى مثال.

لکھے جائیں گے جن سے دوبارہ

$$P_M = (-10) \times 2 = -20 \,\mathrm{W}$$

 $P_R = (-10) \times (-2) = 20 \,\mathrm{W}$

حاصل ہوتے ہیں۔

مثال 1.12 شکل 1.10 میں دوادوار دکھائے گئے ہیں۔دریافت کریں کہ آیا بیرونی پرزہ بقایا دور کو طاقت فراہم کرتا ہے یا کہ اس سے طاقت حاصل کرتا ہے۔طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں برقی روکی قیمت منفی لکھی گئی ہے جس کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رو تیر کے نشان کے الٹ سمت میں ہے۔روکی سمت الٹ تصور کرتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ بقایا دور کے مثبت سرے پر رو اندر داخل ہوتی ہے۔یوں بقایا دور انفعال ہے۔ییرونی پرزے کے مثبت سرے سے حقیقی رو خارج ہوتی ہے لہذا یہ فعال پرزہ ہے۔یوں بیرونی پرزہ طاقت فراہم کرتا ہے جبکہ بقایا دور میں طاقت خرچ ہوتا ہے۔یبی نتائج انفعال سمت کے ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ییرونی پرزے کے برقی دباو کو دیکھتے ہوئے روکی و کھائی گئی سمت ہی استعال کی جائے گی۔یوں ییرونی پرزے کی طاقت ترکیب سے یوں حاصل ہوتی ہے۔ یہو طاقت کی پیداوار ہے۔بقایا دور میں روکی انفعال سمت دکھائے گئے سمت کے الٹ ہے لہذا طاقت $P=30\,\mathrm{W}$ کی بیداوار ہے۔تپ نے دیکھا کہ بیرونی پرزہ کی طاقت پیدا کرتا ہے جبکہ بقایا دور اتنی ہی طاقت استعال کرتا ہے۔ آپ دکھی دور میں توانائی کی پیداوار اور خرج برابر ہوتے ہیں۔

شکل-ب میں رو نچلی تار میں دائیں سے بائیں طرف رواں ہے۔یوں بیر ونی پرزے کے مثبت سرے سے رو خارج ہوتی ہے جبکہ بقایا دور کے مثبت سرے میں رو داخل ہوتی ہے۔یوں بیر ونی پرزہ فعال اور بقایا دور انفعال ہے۔ بیر ونی پرزے کی طاقت کی طاقت P = 7 × (-3) = P ہے جو طاقت کی پیداوار ہے جبکہ بقایا دور کی طاقت P = 7 × 3 = 21 W ہے جو طاقت کی ضیاع کو ظاہر کرتی ہے۔

مثق 1.1: شکل 1.11 میں بیرونی پرزے کی طاقت حاصل کریں۔

باب 1. بنیاد





شكل 1.11: فعال اور انفعال پرزے كى مشق.



شکل 1.12: طاقت اور ایک متغیرہ دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کرنا ہے۔

جوابات: (الف) 8W ؛ (ب) 27W

مثال 1.3: شکل 1.12-الف میں برقی رو کی مقدار اور ست حاصل کریں جبکہ شکل-ب میں برقی د باواور اس کا مثبت سرا دریافت کریں۔

حل: شکل-الف میں بیرونی پرزے کی طاقت منفی ہے۔ یوں بیرونی پرزہ طاقت پیدا کرتا ہے لہٰذااس کے مثبت سرے سے رو خارج ہو گی یعنی دور میں گھڑی کے الٹ ست میں رویائی جائے گی۔رو کی قیت AA ہو گی۔

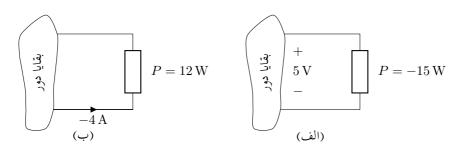
شکل-ب میں بیرونی پرزے کی طاقت مثبت ہے للذااس میں طاقت کا ضیاع ہو گااور برتی رو مثبت سرے سے پرزے میں داخل ہو گی۔دور میں گھڑی کی سمت میں منفی رو دکھائی گئی ہے للذا حقیقت میں رو گھڑی کی الٹ سمت ہے۔حقیقی رو کو گھڑی کے الٹ سمت تصور کرتے ہوئے بیرونی پرزے کا نچلا سرا مثبت ہو گااور برقی دباوکی قیبت 2V ہو گی۔

مثق 1.2: شكل 1.13 ميں نامعلوم متغيره دريافت كريں۔

حل: (الف) گھڑی کے الٹ A 3 ؛ (ب) بالائی تار مثبت ہے جبکہ دباو V 3 ہے۔

آخر میں دوبارہ اس حقیقت کی نشاندہی کرتے ہیں کہ کسی بھی برقی دور میں پیدادار طاقت اور طاقت کا ضیاع برابر ہوں گے۔

1.4. برقى پرزے



شکل 1.13: طاقت اور ایک متغیرہ دیا گیا ہے۔دوسرا دریافت کریں۔



شكل i: غير تابع منبع دباو اور اس كا i خطـ شكل 1.14:

1.4 برقی پرزے

برقی پرزوں کو دواقسام میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔وہ پرزے جو طاقت پیدا کرتے ہیں فعال پوزے ³⁵ کہلاتے ہیں جبکہ طاقت ضائع کرنے والے پرزوں کو انفعال پوز_{ے ³⁶ کہتے ہیں۔ جزیٹر اور بیٹری فعال پرزوں کی مثال ہے جبکہ مزاحمت، امالہ گیر ³⁷ اور برق گیر ⁸⁸ انفعال پرزے ہیں۔}

فعال پرزوں پر اس باب میں غور کیا جائے گا جبکہ انفعال پرزوں پر اگلے باب میں تفصیلاً غور کیا جائے گا۔

1.4.1 غير تابع منبع

غیر تابع منبع دباو 39سے مراد ایک منبع ہے جو، منبع میں سے گزرتی رو کے قطع نظر، اپنے دو سروں کے درمیان مخصوص برتی دباو برقرار رکھتا ہے۔ غیر تابع منبع دباوکی علامت کو شکل 1.14 میں دکھایا گیا ہے جہاں نقطہ A کے حوالے سے نقطہ B پر v(t) برتی دباو برقرار رہتا ہے۔ شکل میں غیر تابع منبع دباوکا دباو بالمقابل رو v(t) خط بھی دکھایا گیا ہے۔اس خط کے مطابق برتی دباوکی قیت پر برتی روکا کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔

شکل 1.15 میں غیر تابع منبع رو 40 کی علامت اور رو بالمقابل د باو v-i خطر دکھایا گیا ہے۔غیر تابع منبع روسے مراد ایسی منبع ہے جو، منبع پر د باو کے قطع نظر، مخصوص برقی رو بر قرار رکھتا ہے۔غیر تابع منبع رو کے د باو بالمقابل رو خط کے تحت منبع پر برقی د باو کے تبدیلی کا منبع کی روپر کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ منبع رو میں مثبت روکی سمت کو تیر کے نشان سے دکھایا جاتا ہے۔

عام استعال میں منبع بقایا دور کو طاقت فراہم کرتی ہے۔شکل 1.13-ب میں اگر بیرونی پرزہ منبع ہو تب آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع کو بھی طاقت فراہم کی جا سکتی ہے۔

active components³⁵

passive components³⁶

 $m nductor^{37}$

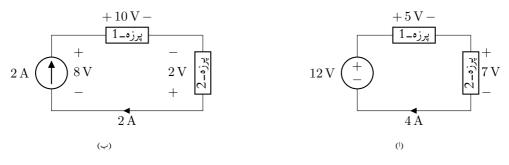
capacitor

independent voltage source³⁹ independent current source⁴⁰

باب 1. بنیاد



شکل 1.15: غیر تابع منبع رو اور اس کا v-i خط.



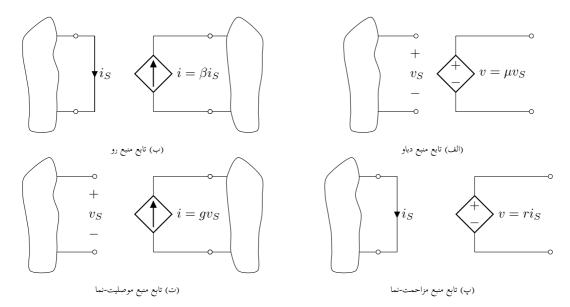
شكل 1.16: طاقت كا حساب.

منبع محدود صلاحیت کا حامل ہے۔اگرچہ ہم توقع کرتے ہیں کہ منبع د باوکسی بھی قیمت کی برقی رو فراہم کرتے ہوئے پیدا کردہ برقی د باو برقرار رکھے گا، حقیقت میں کوئی بھی منبع کسی محدود رو کی حد تک ایسا کر پاتا ہے۔

مثال 1.4: شکل 1.16-الف میں تینوں پرزوں کی طاقت دریافت کریں۔ (اشارہ: سلسلہ وار جڑے پرزوں میں یکساں روپائی جاتی ہے۔)

مثق 1.3: شکل 1.16-ب میں تینوں پرزوں کی طاقت حاصل کریں۔

1.4. برقی پرزے



شکل 1.17: تابع منبع کے چار اقسام۔

1.4.2 تابع منبع

غیر تابع منبع دباوکی پیدا کردہ دباوکا انحصار منبع سے گزرتی روپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع روکی پیدا کردہ روکا انحصار منبع پر دباوپر بالکل نہیں ہوتا۔ اسی طرح غیر تابع منبع دولو 41 کی پیدا کردہ دباو، دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ اسی طرح تابع منبع رو⁴² کی پیدا کردہ روہ دور میں کسی مخصوص مقام کی روپا دباوپر منحصر ہوتا ہے۔ تابع منبع ہر قیات کی میدان میں کلیدی کردار ادا کرتے ہیں جہاں ہر قیاتی پرزہ جات مثلاً دو جوڑ شرانز سٹر پر مبنی ہر قیاتی ادوار کا حمالی حل انہیں ریاضی نمونوں کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے۔

غیر تالع منبع کو گول دائر ہے سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ تالع منبع کو ہیرا شکل سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ شکل 1.17 میں چارا قسام کے تالع منبع و کھائے گئے ہیں۔ شکل۔ الف میں تابع منبع دباو 40 کی پیدا کردہ دباو کا انحصار بائیں جانب کے دباو v_S پر ہے۔ یول v_S ضابط دباو 40 کہلاتا ہے۔ یہ منبع v_S و باو پیدا کرتا ہے۔ ان دواقسام کے منبع کے مشتقل v_S اور v_S بھد v_S مقدار ہیں۔ شکل ۔ پ میں تابع منبع رو⁴⁸ کو v_S قابو کرتا ہے۔ ان دواقسام کے منبع کے مشتقل v_S اور v_S بھد v_S بات کہا جاتا کہ جو عین مزاحمت کی بُعد ہے۔ اس منبع کے مشتقل v_S کا بُعد ہے۔ اس منبع کے مشتقل v_S کا بُعد کے موصلیت کی بھی بُعد کے۔ شکل ۔ ت میں تابع منبع موصلیت کی بھی بُعد کے۔ اس منبع کے مشتقل v_S کا بُعد ہے۔ و موصلیت کی بھی بُعد ہے۔ اس منبع کے مشتقل v_S کا بُعد ہے۔ اس منبع کے مستقل v_S کا بُعد ہے۔ اس منبع کے مستقل v_S کا بُعد ہے۔ و موصلیت کی بھی بُعد ہے۔

مثال 1.5: شکل 1.18-الف میں خارجی د باواور شکل-ب میں خارجی رو دریافت کریں۔

dependent voltage source⁴¹

dependent current source⁴²

bipolar transistor, $\mathrm{BJT^{43}}$

MOSFET⁴⁴

mathematical model⁴⁵

dependent voltage source⁴⁶

control voltage⁴⁷

depended current source⁴⁸

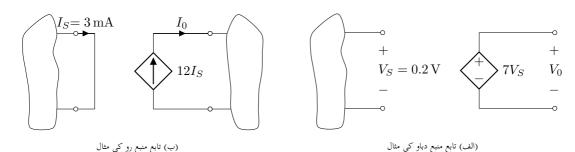
dimensionless⁴⁹

dimension⁵⁰

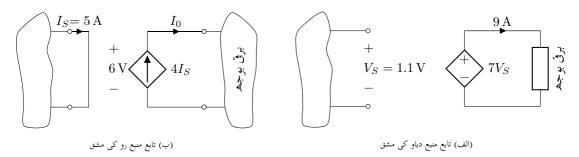
dependent transresistance source⁵¹

dependent transconductance source⁵²

باب 1. بنیاد



شکل 1.18: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مثال.



شکل 1.19: تابع منبع دباو اور تابع منبع رو کے استعمال کی مشق۔

عل: شكل-الف مين ضابط دباو 0.2 V اور منبع كالمستقل 7 ہے۔ يول پيدا كرده دباو 1.4 V = 7 × 0.2 ہو گا۔ شكل-ب ميں ضابط رو AmA اور منبع كا مستقل 12 ہے۔ يول پيدا كرده رو AmA = 36 mA ہوگا۔

اس مثال میں تابع منبع دباو داخلی دباو کو 7 گنا بڑھاتا ہے گویا منبع بطور ایمپلیفائر دباو 53 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش دباو 54 ہے۔اس طرح شکل-ب میں تابع منبع رونے داخلی رو کو 12 گنا بڑھاکر خارج کیا، گویا ہے منبع بطور ایمپلیفائو رو 55 کر دار اداکرتا ہے اور اس ایمپلیفائر کی افزائش رو 56کی قیت 12 ہے۔

شکل 1.17-پ بالکل اسی طرح داخلی ضابط رو کی نسبت سے برقی دباو خارج کرتے ہوئے بطور ایمپلیفائو مزاحمت۔ نما⁵⁷ کردار اداکرتا ہے جہال منبع کا مستقل افزائش مزاحمت۔ نما⁶⁸ کام کرتا ہے اور اس کے مستقل کو افزائش موصلیت۔ نما⁶⁹ کہا فزائش مزاحمت۔ نما⁶⁹ کہا ہے ہیں۔

مثق 1.4: شكل 1.19 مين برقى بوجه كي طاقت دريافت كرين ـ

voltage amplifier⁵³

voltage gain⁵⁴

current amplifier55

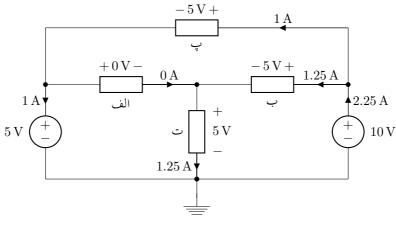
 $\rm current~gain^{56}$

transresistance amplifier⁵⁷

 ${\rm transresistance~gain^{58}} \\ {\rm transconductance~amplifier^{59}}$

transconductance gain⁶⁰

1.4. برقی پرزے



شكل 1.20: مثال 1.6 كا دور.

جوابات: (الف): 69.3 W (ب) 120 W

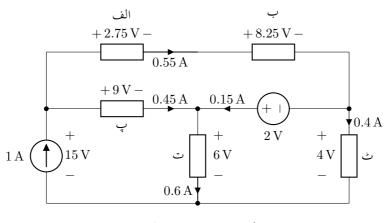
مثال 1.6: شکل 1.20 میں تمام پرزه جات کی طاقت دریافت کریں۔

 2 علی: بوجھ-الف میں برقی روصفر ہے اور اس کے دونوں سروں کے مابین دباو بھی صفر ہے للذا اس کی طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ ہے۔ بوجھ-ب کی طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0$ طاقت $0 \times 0 = 0 \times 0 =$

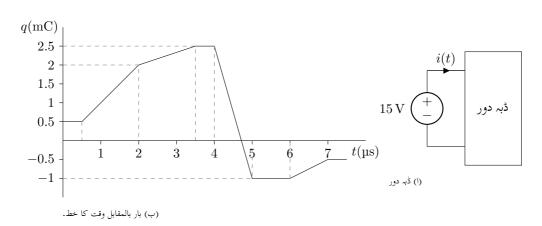
کل طاقت کا ضیاع $22.5 \, \mathrm{W} = 5 + 6.25 + 5 + 6.26 + 5 + 6.26 + 5$ ہے۔ دایاں منبع تمام طاقت پیدا کرتا ہے جبکہ بائیں منبع کو از خود طاقت در کار ہے۔

مثق 1.5 شکل 1.21 کے تمام پرزوں میں طاقت حاصل کریں۔ کیا طاقت کی پیدا وار اور اس کا ضیاع برابر ہیں۔

جوابات: بالترتیب الف تاٹ: 1.5125 W ، 4.5375 W ، 4.05 W ، 3.6 W ، 4.05 W ؛ منبع دباو کی طاقت 0.3 W – اور منبع رو کی طاقت 15 W – ہے۔دور میں کل طاقت کی پیداوار 15.3 W ہے۔اتنی ہی طاقت پیدا بھی ہوتی ہے للذا دونوں برابر ہیں۔ اب 1. بیاد

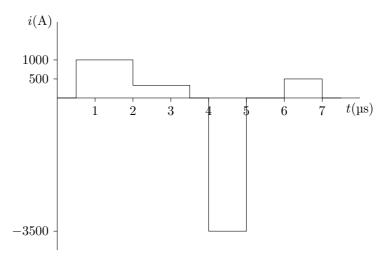


شکل 1.21: طاقت کے حصول کی مشق۔



شكل 1.7: مثال 1.7 كا شكل.

1.4. برقی پرزے



شكل 1.7: برقى رو مثال 1.7

مثال 1.7: شکل 1.22-الف میں ڈبہ دور د کھایا گیا ہے جس میں برقی بار بھری جارہی ہے۔برقی بار بالمقابل وقت کا خط شکل-ب میں دیا گیا ہے۔اس خط سے برقی رو بالمقابل وقت کا خط حاصل کریں۔

من وقت t=0 تا $\Delta q=0$ تا کی برتی بار بلا تبدیل ہوئے $0.5\,\mathrm{mC}$ رہتا ہے لہذا $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ ہونے میں t=0

$$i = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{0 \text{ C}}{0.5 \,\mu\text{s}} = 0 \text{ A}$$
 $(0 < t < 0.5 \,\mu\text{s})$

ہو گا۔وقت $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ تا $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ کے دوران برقی بار $t=0.5\,\mathrm{mC}$ سے تبدیل ہو کر $t=0.5\,\mathrm{\mu s}$ ہو گا۔

$$i = \frac{2 \,\mathrm{mC} - 0.5 \,\mathrm{mC}}{2 \,\mathrm{us} - 0.5 \,\mathrm{us}} = 1000 \,\mathrm{A}$$
 (0.5 $\,\mathrm{\mu s} < t < 2 \,\mathrm{\mu s}$)

ہو گا۔اسی طرح بقایا دورانیوں میں

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2 \text{ mC}}{3.5 \text{ } \mu \text{s} - 2 \text{ } \mu \text{s}} = 333.33 \text{ A} \qquad (2 \text{ } \mu \text{s} < t < 3.5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{2.5 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{4 \text{ } \mu \text{s} - 3.5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (3.5 \text{ } \mu \text{s} < t < 4 \text{ } \mu \text{s})$$

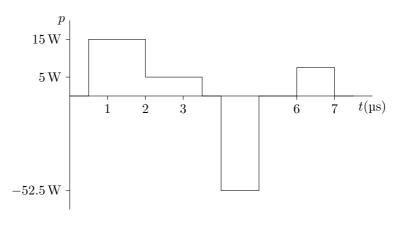
$$i = \frac{-1 \text{ mC} - 2.5 \text{ mC}}{5 \text{ } \mu \text{s} - 4 \text{ } \mu \text{s}} = -3500 \text{ A} \qquad (4 \text{ } \mu \text{s} < t < 5 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{-1 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{6 \text{ } \mu \text{s} - 5 \text{ } \mu \text{s}} = 0 \text{ A} \qquad (5 \text{ } \mu \text{s} < t < 6 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = \frac{-0.5 \text{ mC} - (-1 \text{ mC})}{7 \text{ } \mu \text{s} - 6 \text{ } \mu \text{s}} = 500 \text{ A} \qquad (6 \text{ } \mu \text{s} < t < 7 \text{ } \mu \text{s})$$

$$i = 0 \text{ A} \qquad (7 \text{ } \mu \text{s} < t)$$

اور اس کے بعد i=0 ہے۔ان نتائج کو شکل 1.23 میں د کھایا گیا ہے۔آپ د کیھ سکتے ہیں کہ بار نہ بدلنے کی صورت میں رو صفر ہوتی ہے۔ بڑھتے بار کی صورت میں مثبت رواور گھٹتے بار کی صورت میں منفی رو پائی جاتی ہے۔ باب 1. بنیاد



شكل 1.24: طاقت بالمقابل وقت

مثال 1.8: مندرجه بالا مثال مين طاقت بالمقابل وقت حاصل كريں۔

حل: طاقت p=vi ہوتا ہے۔ شکل 1.22-الف سے دباو کی قیمت 15 V ملتی ہے جبکہ شکل 1.23 سے رو کی قیمت مختلف دورا نیے کے لئے حاصل کی جا سکتی ہے۔ یوں مختلف دورا نیے کے طاقت درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\begin{array}{lll} p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (0 < t < 0.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 1000 = 15 \, \mathrm{kW} & (0.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 2 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 333.33 = 5 \, \mathrm{kW} & (2 \, \mathrm{\mu s} < t < 3.5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (3.5 \, \mathrm{\mu s} < t < 4 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times (-3500) = -52.5 \, \mathrm{kW} & (4 \, \mathrm{\mu s} < t < 5 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (5 \, \mathrm{\mu s} < t < 6 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 500 = 7.5 \, \mathrm{kW} & (6 \, \mathrm{\mu s} < t < 7 \, \mathrm{\mu s}) \\ p = 15 \times 0 = 0 \, \mathrm{W} & (7 \, \mathrm{\mu s} < t) \end{array}$$

ان جوابات كوشكل 1.24 مين د كھايا گيا ہے۔

مثال 1.9: آج کل کمپیوٹر 61 کا زمانہ ہے اور یو-ایس-بی 62 یعنی عمومی سلسلہ وار پھاٹک کا استعال عام ہے۔ کسی بھی کمپیوٹر یا عددی دور 63 کو عددی مواد 64 جن برقی تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور کے داخلی پھاٹک 65 کہلاتے ہیں اور جن تارول کے ذریعہ کمپیوٹر یا عددی دور سے عددی مواد صاصل کیا جاتا ہے، کمپیوٹر یا عددی دور کے خارجی پھاٹک 66 کہلاتے ہیں۔ عمومی سلسلہ وار پھاٹک (یو-ایس-بی) پر کمپیوٹر عددی مواد حاصل

```
computer<sup>61</sup>
USB Universal Serial Port<sup>62</sup>
digital circuit<sup>63</sup>
digital data<sup>64</sup>
```

input port⁶⁵ output port⁶⁶

1.4. برقی پرزے

بھی کر سکتا ہے اور خارج بھی کر سکتا ہے۔ یوں یہ داخلی۔ خارجی پھاٹک ⁶⁷ ہے۔ اس پھاٹک کی مدد سے کمپیوٹر کے ساتھ بیر ونی آلات مثلاً موبائل فون، عددی کیمرہ وغیرہ جوڑے جا سکتے ہیں۔ یہ پھاٹک بیر ونی آلات کو برقی طاقت فراہم کرنے کی صلاحیت بھی رکھتا ہے۔ یہ پھاٹک چار عدد برقی تاروں پر مشمل ہے جن میں دو تار عددی مواد کے ترسیل اور دو تار برقی طاقت کی فراہمی کے لئے استعال ہوتے ہیں۔ یہ پھاٹک عام حالت میں 100 mA برقی رو فراہم کر سکتا ہے جبکہ سافٹ وئیر کے ذریعہ پھاٹک سے برقی روکی فراہمی کے 20 سرگا تک بڑھائی جا سمتی ہے۔

یو۔ایس-بی پھائک استعال کرتے ہوئے موبائل کی بیے باد® بیٹری میں بار بھرا جاتا ہے۔بیٹری کی استعداد 1700 mA h ہے۔الف) بیٹری کی استعداد کولیب ک میں حاصل کریں۔ب) اگر پھائک 100 mA رو فراہم کر رہا ہو تب بیٹری کو مکمل بھرنے میں کتنی دیر گئے گی۔

حل:الف) مکمل بھری بیٹری میں کل بار ہی بیٹری کی استعداد ہوتی ہے۔ بیٹری کی استعداد کو کولمب C کی بجائے Ah میں بیان کیا جاتا ہے۔ دی گئی بیٹری کی استعداد

$$Q = I \times t = 1700 \times 10^{-3} \times 3600 = 6120 \,\mathrm{C}$$

ہے جہاں ایک گھنٹہ 3600 سینڈکے برابرہے۔

ب) یوں MA کی روسے بیٹری بھرنے میں

$$t = \frac{6120}{100 \times 10^{-3}} = 61200 \,\mathrm{s} = 17 \,\mathrm{h}$$

ستر ہ گھنٹے در کار ہوں گے۔

input-output port⁶⁷ discharged⁶⁸

باب 1. بیاد

باب 2

مزاحمتي ادوار

2.1 قانون اوہم

شکل 2.1-الف میں کارتیسی محدد اپر سید سے خطوط دکھائے گئے ہیں۔بالائی خط کی مساوات $y=m_1x+c_1$ ہے جہاں خط کی ڈھلوان m_1 جبکہ خط y محدد کو m_2 کی خط کی ڈھلوان m_3 ہے جبکہ سے محدد کے مرکز m_3 سے گزرتی ہے للذا سے خط محدد کو m_2 محدد کو m_3 ہے جبکہ سے محدد کے مرکز m_3 سے ادریوں اس کی مساوات m_3 ہے۔

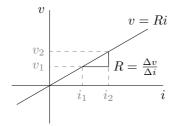
مزاحمت کے دو سروں کے مابین مختلف برقی دباو ہ لاگو کرتے ہوئے برقی رو i ناپی گئے۔ برقی دباو کو عمودی محدد اور برقی رو کو افقی محدد پر رکھتے ہوئے ان کے تعلق کو شکل 2.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس خط کو مزاحمت کی دباو بالمقابل رو خط کہا جاتا ہے۔شکل-ب کا شکل-الف کی پنجلی خط کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے اس خط کو

$$v = Ri \qquad v = ri$$

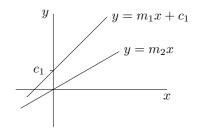
لکھا جا سکتا ہے جہاں خط کی ڈھلوان کو R کھااور برقی مزاحمت 3 یا صرف مزاحمت پکارا جاتا ہے۔اس مساوات کو قانون اوہم 4 کہتے ہیں۔شکل-ب میں مزاحمت R کو بطور ڈھلوان دکھایا گیا ہے۔

$$R = rac{v_2 - v_1}{i_2 - i_1} = rac{\Delta v}{\Delta i}$$
 عزاجمت کی تعریف

Cartesian coordinates¹ slope² electrical resistance³ Ohm's law⁴

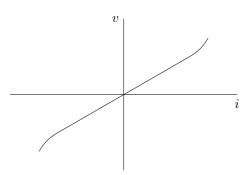


(ب) مزاحمت کے برقی دباو بالمقابل رو خط اور اوہم کا قانون۔

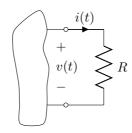


(۱) سیدهر خطوط اور ان کی ریاضی مساوات.

22 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.2: غير خطى دباو بالمقابل رو كي تعلق.



شكل 2.3: اوبم كا قانون اور مزاحمتي ضياع.

شکل 2.1-ب میں دباو اور رو راست تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔راست تناسی تعلق کو خطبی تعلق کہا جاتا ہے۔اگرچہ اس کتاب میں مزاحمت کو خطبی پرزہ ؟ ہی تصور کیا جائے گا، یہ جاننا ضروری ہے کہ کئی نہایت اہم اقسام کے پرزے غیر خطبی مزاحمت کی خاصیت رکھتے ہیں۔عام استعال میں 200 پر جلنے والا بلب غیر خطبی مزاحمت کی مثال ہے۔اس بلب کے v-i تعلق کو شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے۔

وقت کے ساتھ بدلتا دیاو اور بدلتی رو کی صورت میں قانون اوہم

$$(2.3) v(t) = Ri(t)$$

کھا جائے گا جہاں وقت t کے ساتھ بدلتے برقی دباو اور بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف میں کھا گیا ہے۔ مساوات 2.3 سے مزاحمت کا اُبعد $\frac{V}{A}$ حاصل ہوتا ہے جسے اوہ ہم پر پکار ااور Ω سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں اگر کسی مزاحمت پر $10\,V$ کا برقی دباولا گو کرنے سے مزاحمت میں 0 کی روگزرے تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔ تب مزاحمت کی قیمت 0 ہوگی۔

شکل 2.3 میں برقی دور کے ساتھ مزاحمت کی جہ مزاحمت کی دباو v(t) اور رو i(t) ہیں۔ صفحہ 7 پر مساوات 1.6 کے تحت اس مزاحمت میں طاقت کا ضیاع

$$p(t) = v(t)i(t)$$

ہو گا۔ اس مساوات میں برقی دباو v(t) میں قانون اوہم پُر کرتے ہوئے

$$p(t) = Ri(t) \times i(t) = Ri^{2}(t)$$

i(t) کی جگہ قانون اوہم استعال کرتے ہوئے ماصل ہوتا ہے۔ اس طرح طاقتی ضیاع کی مساوات میں

$$p(t) = v(t) \times \frac{v(t)}{R} = \frac{v^2(t)}{R}$$

linear⁵ linear component⁶

Ohm⁷

2.1. قانون اوبم

حاصل ہوتا ہے۔مندر جہ بالا تین مساوات کو اکٹھے کھتے ہیں۔

$$p(t) = v(t)i(t) = Ri^{2}(t) = \frac{v^{2}(t)}{R}$$
 (2.4)

درج بالا مساوات مزاحمت کی طاقت دیتی ہے۔ یہ طاقت حرارتی توانائی میں تبدیل ہوتی ہے جس سے مزاحمت کا درجہ حرارت بڑھتا ہے۔

مزاحمت کے علاوہ موصلیت 8 G بھی بہت مقبول ہے جہال

$$(2.5) G = \frac{1}{R}$$

کے برابر ہے۔موصلیت کی اکائی سیمتر ⁹ S ہے جہاں

$$(2.6) 1S = 1\frac{A}{V}$$

کے برابر ہے۔مساوات 2.5 کے استعال سے اوہم کے قانون کو

$$i(t) = Gv(t)$$

اور مزاحمت کی طاقت کو

(2.8)
$$p(t) = Gv^{2}(t) = \frac{i^{2}(t)}{G}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مثال 2.1: ایک عدد مزاحت پر ۷ کا لاگو کرنے سے مزاحت میں 4 A پیدا ہوتی ہے۔ اس کی موصلیت دریافت کریں۔

حل:مساوات 2.7 کی مدد سے

$$G = \frac{i}{v} = \frac{4}{20} = 0.2 \,\mathrm{S}$$

 $G=rac{1}{R}=0.2\,\mathrm{S}$ عاصل ہوتا ہے۔ یہی جواب، اوہم کے قانون سے $\Omega=rac{20}{4}=5\,\Omega$ کیسے اور

شکل 2.4-الف میں برقی دور کے ساتھ متغیر مزاحمت i(t) کی صورت میں مزاحمت پر ترچھا تیر کھنچ کر متغیر مزاحمت کو ظاہر کیا جاتا ہے۔اگر متغیر مزاحمت کی قیمت کم کرتے کرتے صفر کر دی جائے تو کسی بھی رو i(t) کی صورت میں مزاحمت پر لاگو برقی دباو، قانون اوہم کے تحت i(t) کی صورت میں مزاحمت پر لاگو برقی دباو، قانون اوہم کے تحت i(t) قصر دور کیا جاتا ہے۔اس ہوگا۔ یہ صورت حال شکل - ب میں دکھائی گئ ہے اور اس صورت کو قصر دور i(t) کیتے ہیں۔ دو نقطوں کو موصل تارسے جوڑ کر قصر دور کیا جاتا ہے۔اس کے برعکس اگر متغیر مزاحمت کی قیمت لا محدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو i(t) پر، قانون اوہم کے تحت i(t) کی قیمت لا محدود کر دی جائے تب کسی بھی دباو i(t) کی کھلا دور کرنے کا مطلب یہ ہے کہ ان نقطوں کے مابین مزاحمت لا محدود کر دی جائے۔ قصر دور پر ہر صورت صفر دو پائی جاتی ہے۔

 $conductance^{8} \\$

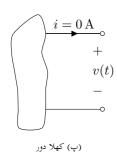
 $Siemens^9$

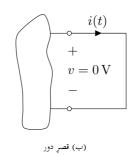
ariable resistor¹⁰

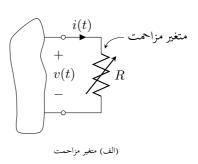
short circuit¹¹

open circuit¹²

24 باب 2. مزاحمتي ادوار







شكل 2.4: قصر دور اور كهلا دور.

مثال 2.2: شکل 2.5-الف میں رواور مزاحمتی طاقت دریافت کریں۔

حل: قانون اوہم سے مزاحت میں رو

$$i = \frac{12}{3} = 4 \,\mathrm{A}$$

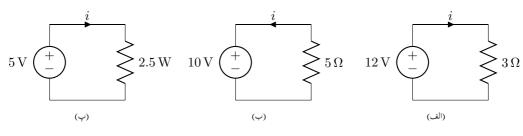
حاصل ہوتی ہے اور یوں مزاحمتی طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = v \times i = 12 \times 4 = 48 \,\mathrm{W}$$

يبى جواب مساوات 2.4 ميں دے ديگر كليات سے بھى حاصل مو كا لعنى

$$p = \frac{v^2(t)}{R} = \frac{12^2}{3} = 48 \text{ W}$$
$$p = i^2(t)R = 4^2 \times 3 = 48 \text{ W}$$

مثال 2.3: شکل 2.5-ب میں رواور مزاحمتی طاقت دریافت کریں۔



شكل 2.5: مزاحمتي ادوار مثال 2.2 تا مثال 2.4

2.5. قانون اوبم

حل: مزاحمت کا بالائی سرا مثبت ہے للذااس میں رو کی سمت اوپر سے پنچے ہوگی جو دکھلائے گئی سمت کے الٹ ہے۔اس طرح دی گئی سمت میں رو کی قیت منفی ہوگی یعنی

$$i = -\frac{10}{5} = -2 \,\mathrm{A}$$

جبکه مزاحمت طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$p = i^2 R = 20 \,\mathrm{W}$$

مثال 2.4: شکل 2.5-پ میں رواور مزاحمتی دریافت کریں۔

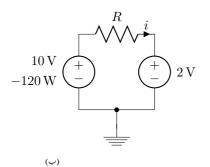
مل: دور میں طاقت کی پیداوار اور ضیاع برابر لیتے ہوئے طاقت کی مساوات p=vi سے منبع کی رو حاصل کرتے ہیں۔ $i=rac{p}{v}=rac{2.5}{5}=0.5\,\mathrm{A}$

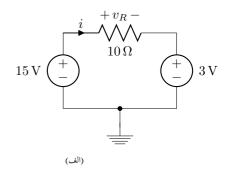
اوہم کے قانون سے مزاحت کی قیمت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$R = \frac{v}{i} = \frac{5}{0.5} = 10\,\Omega$$

مثال 2.5: شکل 2.6-الف میں مزاحمت کی رواور طاقت دریافت کریں۔

 $v_R=15\,{
m V}-3\,{
m V}=12\,{
m V}$ کی تانون او ہم میں مزاحمت کا دباو $v_R=15\,{
m V}-3\,{
m V}=12\,{
m V}$ کی تانون او ہم میں مزاحمت کا دباو





شكل 2.6: مزاحمتي ادوار مثال 2.5 تا مثال 2.6

26 باب 2. مزاحمتی ادوار

اسی طرح مزاحمت کی دباو 12 V لیتے ہوئے اس کی طاقت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$p = vi = 12 \times 1.2 = 14.4 \,\mathrm{W}$$

یمی جواب مساوات 2.4 میں دئے دیگر کلیات سے بھی حاصل کرتے ہیں۔

$$p = i^2 R = 1.2^2 \times 10 = 14.4 \,\mathrm{W}$$

$$p = \frac{v_R^2}{R} = \frac{12^2}{10} = 14.4 \,\mathrm{W}$$

مثال 2.6: شکل 2.6-ب میں مزاحمت میں رواور طاقت دریافت کریں۔دائیں منبع کی طاقت بھی دریافت کریں۔

حل: بائیں منبع کی طاقت اور دیاو دیے گئے جس سے منبع کی مثبت سر سے خارج ہوتی رو کی قیت 12A حاصل ہوتی ہے۔مزاحمت کی دیاو 8V ہے لہٰذااس کی مزاحمت

$$R = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}\Omega$$

ہو گی۔اس طرح مزاحمت کی طاقت

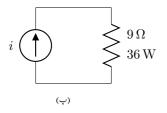
$$p = vi = 8 \times 12 = 96 \text{ W}$$

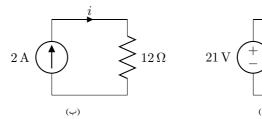
ہو گا۔دائیں منبع کو طاقت فراہم کی جارہی ہے جس کی قیمت درج ذیل ہے۔

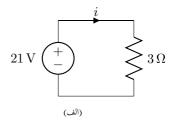
$$p = vi = 2 \times 12 = 24 \text{ W}$$

یوں کل 120 = 24 + 96 طاقت فراہم کی جارہی ہے جو طاقت کی پیدا وار کے عین برابر ہے۔

مثق 2.1: شكل 2.7-الف مين مزاحمت كي رواور طاقت حاصل كريں۔ منبع كي طاقت بھي حاصل كريں۔







شكل 2.7: مزاحمتي ادوار مشق 2.1 تا مشق 2.3

27 2.2. قوانين كرخوف

 $p = -127\,\mathrm{W}$ ، $p = 127\,\mathrm{W}$ ، $i = 7\,\mathrm{A}$ جوابات:

مثق 2.2: شکل 2.7-ب میں مزاحمت کا دیاواور طاقت حاصل کریں۔ منبع کی طاقت بھی دریافت کریں۔

 $p=-48\,\mathrm{W}$ ، $p=48\,\mathrm{W}$ ، $v=24\,\mathrm{V}$ جوایات:

مثق 2.3: شکل 2.7-پ میں مزاحت کی رواور دباو حاصل کریں۔ منبع کی طاقت دریافت کریں۔

 $p = -36\,\mathrm{W}$ ، $v = 18\,\mathrm{V}$ ، $i = 2\,\mathrm{A}$ جوابات:

قوانين كرخوف $^{2.2}$

اوہم کے قانون سے ایک مزاحمت اور ایک منبع پر مبنی دور آسانی سے حل ہوتا ہے البتہ زیادہ پرزوں پر مبنی دور حل کرتے ہوئے اس کا استعال قدر مشکل ہوتا ہے۔ زیادہ برزہ جات کے ادوار قوانین کو خوف ^{14 1} کی مدد سے نہایت آسانی کے ساتھ حل ہوتے ہیں۔ برقی دور میں برقی برزوں کو موصل تاروں سے آپس میں جوڑا جاتا ہے۔موصل تارکی مزاحمت کو صفر اوہم تصور کیا جاتا ہے للذاان میں طاقت کا ضیاع صفر ہو گا۔یوں طاقت کی پیداوار اور ضیاع صرف برقی پرزوں میں ممکن ہے۔

اس سے پہلے کہ ہم کرخوف کے قوانین پر غور کریں، ہم کچھ اصطلاحات مثلاً جوڑ¹⁵ ، **دائرہ** 16اور شاخ¹⁷ جاننے کی کوشش کرتے ہیں۔شکل 2.8-الف میں مزاحت R₃ ، R₂ اور منبع V₁ نقطہ j₀ پر جڑے ہیں۔اس نقطے کو جو ڈ₁ ن کہا جائے گا۔اس شکل میں جو ڈ₁ اور j₃ بھی د کھائے گئے ہیں۔شکل 2.8-ب میں اسی شکل کو قدر مختلف طریقے سے د کھایا گیا ہے۔ یہاں بھی ان جو ڈو ں کی نشاندہی کی گئی ہے۔کسی بھی دویادو سے زیادہ پرزوں کو جوڑنے والے موصل تار کو جوڈ تصور کیا جاتا ہے۔ یوں شکل-الف میں جوڑ j_0 نقطہ مانمذ ہے جبکہ شکل-ب میں نجلی یوری تار جوڑ j_0 ہے۔جوڑ کو ظاہر کرنے والی تار کی لمبائی کچھ بھی ہو سکتی ہے۔

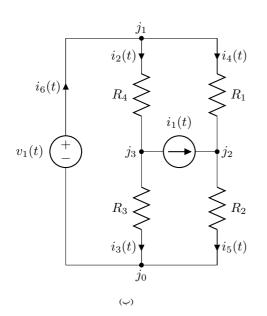
کسی بھی دور میں متعدد راستے ممکن ہیں۔ شکل 2.8 میں جوڑ j_1 سے مزاحت R_4 کے راستے جوڑ j_3 تک پہنچا جا سکتا ہے جہال سے منبع $i_1(t)$ ک راستے جوڑ j_1 اور پھر مزاحمت R_1 کے راستے واپس جوڑ j_1 تک پہنچا جا سکتا ہے۔ابیا بند راستہ جو ابتدائی جوڑ پر ہی اختیام پذیر ہو بند راستہ کہلاتا

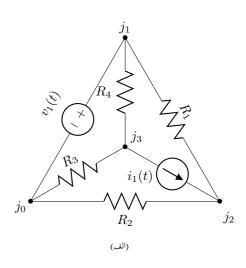
Kirchoff's laws13

ا۔ 1845 پیش کیا۔ 145 منی کے گستاف روبرٹ کوخوف نے ان قوانین کو 1845 پیش کیا۔ 16

 $branch^{17}$

28 باب 2. مزاحمتی ادوار





شكل 2.8: جوڑ اور دائرے۔

ے۔ایبا بند راستہ جس پر کسی بھی جوڑ سے صرف ایک مرتبہ گزرا جائے دائوہ 81 کہلاتا ہے۔ اس طرح 11 اور 12 اور 12 دائوہ ہے۔ اس طرح 11 اور 11 اور 11 دائرہ 11 دائرہ کے دائرہ کرا ہے دائرہ کے دائرہ کرائے دائرہ کرائے دائر کے دائر کر دائرہ کر دائرہ کے دائرہ کر دائرہ کے دائر کر دا

برقی دور میں ہر برقی پرزے کو شاخ 19 کہتے ہیں۔ شکل 2.8 میں کل چھ (6) شاخ ہیں۔ جوڑ j_3 پر تین شاخ لینی R_3 ، R_4 اور R_3 بیں۔ آئیں اب قوانین کو خوف کی بات کریں۔ R_2 ، $v_1(t)$ اور v_2 ہیں۔ آئیں اب قوانین کو خوف کی بات کریں۔

کرخوف کا قانون برائے برقی رو کہتا ہے کہ کسی بھی جوڑ پر داخلی برقی رو کا مجموعہ خارجی برقی رو کے مجموعے کے عین برابر ہوتا ہے۔

کرخوف کے قانون برائے برتی رو کو کو خوف قانون رو کہا جائے گا۔اس قانون کو کسی بھی جوڑ کے لئے یوں

$$\sum i_{i,j} = \sum i_{i,j} = \sum i_{i,j}$$
 غارتی رو

کھا جاتا ہے۔ شکل 2.8-ب میں جوڑ jo پر درج بالا مساوات سے

(2.10)
$$i_3(t) + i_5(t) = i_6(t) \qquad j_0 \, j_s.$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح بقایا جوڑوں پر کرخوف قانونِ رو سے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں جہاں مساوی علامت (=) کے بائیں جانب داخلی رو کا مجموعہ اور دائیں حانب خارجی رو کا مجموعہ ہے۔

(2.11)
$$i_6(t) = i_2(t) + i_4(t) \qquad j_1 \mathcal{F}.$$

(2.12)
$$i_1(t) + i_4(t) = i_5(t) \qquad j_2 j_3.$$

(2.13)
$$i_2(t) = i_1(t) + i_3(t) \qquad j_3 \, \mathcal{F}.$$

loop¹⁸ branch¹⁹ 2.2. قوانين كرخوف

ا گرجوڑ پر تمام رو کی سمت خارجی تصور کی جائے تب قانون کو خوف بوائیے رو 20 کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے جہاں $i_s(t)$ شاخ s میں جوڑ سے خارج رو ہے اور جوڑ کے ساتھ جڑے شاخوں کی تعداد N ہے۔

$$\sum_{s=1}^{N} i_s(t) = 0$$
 کرخوف قانونِ رو

اگر جوڑ پر تمام روکی سمت داخلی تصورکی جائے تب قانون کرخوف بوائسے روکو درج بالا کھا جا سکتا ہے جہاں $i_s(t)$ شاخ s میں جوڑ پر داخل رو ہے۔

مساوات 2.14 کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.8-ب کے لئے درج ذیل لکھا جائے گا جہاں خارجی رو مثبت اور داخلی رو منفی لکھے گئے ہیں۔

(2.15)
$$i_6(t) - i_3(t) - i_5(t) = 0 j_0 j_{\mathcal{R}}$$

$$(2.16) i_2(t) + i_4(t) - i_6(t) = 0$$

$$(2.17) i5(t) - i1(t) - i4(t) = 0$$

$$(2.18) i_1(t) + i_3(t) - i_2(t) = 0$$

مساوات 2.10 تا مساوات 2.13 کو مساوات 2.9 سے حاصل کیا گیا جبکہ مساوات 2.15 تا مساوات 2.18 کو مساوات 2.14 سے حاصل کیا گیا۔ مساوات 2.10 تا مساوات 2.15 کو مساوی نشان (=) کی دوسری جانب منتقل کرنے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات 2.19 داور مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔ مساوات 2.19 داور مساوات 2.14 عین برابر ہیں۔

مساوات 2.16، مساوات 2.15 اور مساوات 2.18 کو جمع کرنے کے بعد منفی ایک (-1) سے ضرب دینے سے مساوات 2.15 حاصل ہوتا ہے۔ یوں مندر جہ بالا چار بھزاد مساوات کیں صرف تین عدو مساوات غیر تابع 22 مساوات ہیں۔ ان میں کسی بھی تین مساوات کے استعال سے چو تھی مساوات حاصل کی جاسمتی ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات حاصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات در کار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات x اور y مندر جہ ذیل ہمزاد مساوات میں سے کسی بھی دو مساوات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع تصور کرتے ہوئے تیسری مساوات عاصل کی جاسکتی ہے لہذا تیسری تابع مساوات ہے جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہے۔ جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہے۔ جسے لکھنے کی ضرورت نہیں ہے۔

$$x + y = 3$$
$$x - y = 1$$
$$x - 3y = -1$$

جس برقی دور میں کل ہ J عدد جوڑ پائے جاتے ہوں، اس میں J – J غیر تابع مساوات حاصل ہوتے ہیں للذا کسی بھی ایک جوڑ کے بغیر بقایا تمام پر جوڑ پر مساوات کئے جاتے ہیں۔

کر خوف قانونِ روکے استعال میں اصل روکی سمت کو نہیں دیکھا جاتا بلکہ صرف متغیرات $i_1(t)$ ، $i_2(2)$ ، $i_1(t)$ ، $i_2(3)$ ، $i_3(t)$ ، $i_3(t)$

کرخوف قانونِ روعمومی مساوات ہے جسے ہم روز مرہ زندگی میں برقی روکی بجائے مختلف چیزوں پر لا گو کرتے ہیں۔ شکل 2.9-الف میں ایک گڈریا پورے دن بکریاں چرانے کے بعد انہیں شام کو پہاڑی سے نیچے ایک پگڈنڈی پر اتار رہا ہے۔ گڈریا پنی بکریوں کو خیر خیر بیت سے دکھائی گئے راستے سے نیچے اتار

Kirchoff's Current Law, KCL²⁰ simultaneous equations²¹

independent equations²²

30 باب 2. مزاحمتی ادوار



شکل 2.9: کرخوف قانونِ رو کو بکریوں پر بھی لاگو کیا جا سکتا ہر۔

پاتا ہے۔ نقطہ از سے پنچے دو پگڈنڈیاں ہیں۔ اگر بالائی پگڈنڈی پر اللہ کی پگڈنڈی پر اللہ کی پگڈنڈیوں پر کل اتن ہی
کبریاں اترے گی بعنی اور کہتے ہیں۔ یوں برقی رو کی بات کرتے ہوئے
ہم حقیقت میں برقی بارکی بات کرتے ہیں۔ تار میں برقی بارکا وجود الکیٹران پر ہے جس کی تعداد ناتو کم ہوتی ہے اور ناہی بڑھتی ہے۔ اس لئے بالکل پگڈنڈی
پر چلتی بکریوں کی طرح تار میں چلتے الکیٹران کی تعداد بھی برقرار رہتی ہے اور کسی جوٹر پر آمدی الکیٹران کی تعداد اس جوڑ سے خارج ہوتے الکیٹران کے
برابر ہوگی۔ طبیعیات کے اصولوں کے تحت کسی بھی جوڑ پر برقی بارکا انبار نہیں جمع ہوتا۔ 23

کرخوف قانونِ رو کسی بھی بند سطح کے لئے درست ہے۔ شکل 2.9-ب میں ہلکی سابی میں بند سطح میں داخل بکریوں کی تعداد سطح سے خارج بکریوں کے برابر ہو گی۔اس شکل میں بند سطح کو جوڑ ن تصور کیا جا سکتا ہے۔

مثال 2.7: شکل 2.10-الف میں نامعلوم رو دریافت کریں۔

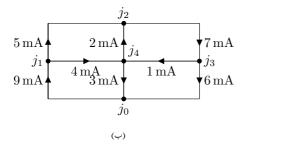
 $i_4=5\,\mathrm{mA}+5\,\mathrm{mA}$ کے برابر ہو گی کیتی i_2 پر واخلی رو i_4 کے $i_4=5\,\mathrm{mA}+2\,\mathrm{mA}=7\,\mathrm{mA}$

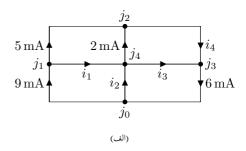
جوڑ j_3 پر داخلی رو کا مجموعہ i_4+i_3 ہے جو خار جی i_4+i_5 کے برابر ہو گا۔ یوں درج بالا حاصل کردہ i_4+i_5 ہوئے $7\,\mathrm{mA}+i_3=6\,\mathrm{mA}$

سے درج ذیل حاصل ہوتاہے

$$i_3 = -1 \,\mathrm{mA}$$

²³میں امید کرتا ہوں کہ میری شاگردہ فرحانہ مشتاق کی طرح آپ کو بھی گڈریا کی مثال سے کرخوف قانونِ رو کی سمجھ آ گئی ہو گی۔





شكل 2.10: كرخوف قانون روكي مثال.

2.2. قوانين كرخوف

جو منفی قیمت ہے۔ منفی i_3 کا مطلب ہے کہ حقیقت میں رود کھائی گئی سمت کے الٹ ہے۔ شکل 2.10-ب میں حقیقی سمت دکھائی گئی ہے۔ یول حقیقت میں جوڑ j_3 ہے۔ بول حقیقت میں جوڑ j_4 کی جانب i_2+9 سم رو پائی جاتی ہے۔ جوڑ j_6 پر داخلی رو i_3 ہے جبکہ خارجی روکا مجموعہ i_2+9 سم المذا

$$9\,\mathrm{mA} + i_2 = 6\,\mathrm{mA}$$

ہو گا جس سے

$$i_2 = -3 \,\mathrm{mA}$$

ماصل ہوتا ہے۔ یوں حقیقت میں جوڑ j_4 سے جوڑ j_0 کی جانب 3 سے 3 سے 3 سے جوڑ j_1 پر داخلی رو 3 سے 3 ہوعہ خار جی رو کا مجموعہ i_1+5 سے i_1+5 سے جاری کی جو ناری کی جو کہ ناری کی جانب i_1+5 سے بیوں

$$9\,\mathrm{mA} = i_1 + 5\,\mathrm{mA}$$

لكھاكر

 $i_1 = 4 \,\mathrm{mA}$

حاصل ہوتا ہے۔شکل-الف میں جوڑ j_4 پر

$$i_1 + i_2 = i_3 + 2 \,\mathrm{mA}$$

کورے ہوکے ہیں۔ یہ تعمیتیں پُر کرتے ہوک $i_3 = -1\,\mathrm{mA}$ کو اور $i_3 = -1\,\mathrm{mA}$ کورے ہوک کا ماتا ہے۔ ہم

$$i_1 = i_3 + 2 \text{ mA} - i_2$$

= $-1 \text{ mA} + 2 \text{ mA} - (-3 \text{ mA})$
= 4 mA

ہی حاصل ہوتا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کرخوف قانونِ رولکھتے ہوئے ، ن ، ن ، ن کے دکھائے گئے سمتوں سے ہی انہیں داخلی یا خارجی روگنا جاتا ہے۔

مثال 2.8: شكل 2.11 مين تمام جوڙ پر كرخوف قانونِ رو كي مساوات ككھيں۔

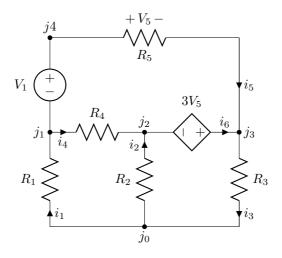
حل:جوڑ j_0 تاجوڑ j_4 بالترتیب مساوات لکھتے ہیں۔خارجی رو کو مثبت تصور کیا گیا ہے۔

$$i_1 + i_2 - i_3 = 0$$

 $i_4 + i_5 - i_1 = 0$
 $i_6 - i_2 - i_4 = 0$
 $i_3 - i_5 - i_6 = 0$

 $i_5 = i_5$

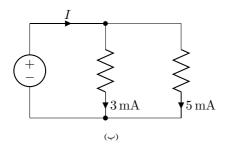
عاب 2. مزاحمتی ادوار

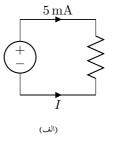


شکل 2.11: کرخوف قانون رو کی دوسری مثال.

مشق 2.4: شكل 2.12 مين I دريافت كرين-

 $I = 8 \,\mathrm{mA}$:(بانف): $I = -5 \,\mathrm{mA}$ (ب)، $I = -5 \,\mathrm{mA}$

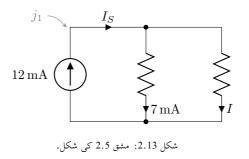




شكل 2.12: كرخوف قانونِ رو كا پهلا مشق.

2.2. قوانين كرخوف

مشق 2.5: شكل 2.13 مين I_S اور I حاصل كريب

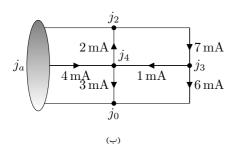


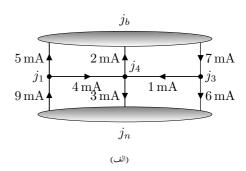
جوابات: $I_S=12\,\mathrm{mA}$ ، $I_S=12\,\mathrm{mA}$ ؛ برقی رو I_S حاصل کرنے کی خاطر نقطہ وجوڑ تصور کریں۔

مثال 2.9: شکل 2.10-ب میں کسی بھی جگہ بند سطے تھنچ کر دیکھا جا سکتا ہے کہ کرخوف قانونِ رو بند سطح پر لا گو ہوتا ہے۔شکل 2.14-الف میں ایسا ہی کیا گیا ہے۔ بالائی اور مجلی سطح کے داخلی اور خارجی رو دریافت کریں۔

حل: بالائی سطح کو جوڑ تصور کیا جا سکتا ہے۔ شکل میں اس جوڑ کو _{jb} کہا گیا ہے۔ بالائی سطح پر مجموعی داخلی رو کہ mA + 2 mA ہے۔ اس سے 7 mA رو خارج ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ داخلی اور خارجی رو برابر ہیں۔

نجلی سطح پر داخلی رو $3 \, \mathrm{mA} + 6 \, \mathrm{mA}$ ہے اور خار جی رو برابر ہیں۔ نجلی سطح کو جوڑ j_n کہا گیا ہے۔





شکل 2.14: کرخوف قانونِ رو ہر بند سطح پر لاگو ہوتا ہے۔

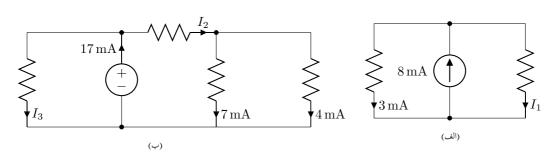
آپ شکل 2.10-ب پر کسی بھی جگہ پر بند سطے تھینج کر دیکھ سکتے ہیں کہ اس سطح پر داخلی روعین سطح سے خارجی رو کے برابر ہو گی۔

مثق 2.6: شكل 2.14-ب مين بند سطح كي داخلي اور خارجي روحاصل كرين-

جوابات: داخلی رو 9 mA ہے اور خار جی رو بھی 9 mA ہے۔

مشق 2.7: شكل 2.15 ميں نامعلوم رو دريافت كريں۔

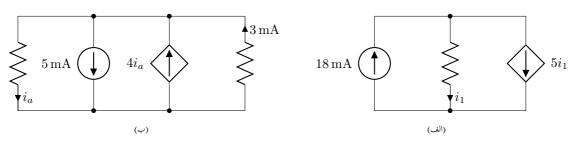
 $I_3=6\,\mathrm{mA}$ اور $I_2=11\,\mathrm{mA}$ ، $I_1=5\,\mathrm{mA}$: آب



شكل 2.15: مشق 2.7 ميں استعمال ہونے والا دور۔

2.2. قوانين كرخوف

مثق 2.8: شکل 2.16-الف میں i_1 اور شکل -ب میں i_a دریافت کریں۔



شكل 2.16: مشق 2.8 ميں استعمال ہونے والا دور۔

 $i_a=rac{2}{3}\,\mathrm{mA}$ ، $i_1=3\,\mathrm{mA}$ جوابات:

كرخوف كا دوسرا قانون، كوخوف قانون بوائم برقى دباو ہے۔اس قانون كو عموماً كوخوف قانون دباو 24 كها جاتا ہے۔

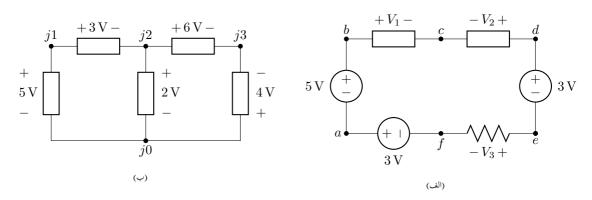
کرخوف قانون دباو کہتا ہے کہ کسی بھی بندراہ پر بڑھتے برقی دباو کا مجموعہ، گھٹتے برقی دباو کے مجموعے کے عین برابر ہو گا۔

شکل 2.17-الف میں جوڑ j0 سے برقی دور میں گھڑی کے سمت گھومتے ہوئے بڑھتے دباو کا مجموعہ $5+V_2+3=1$

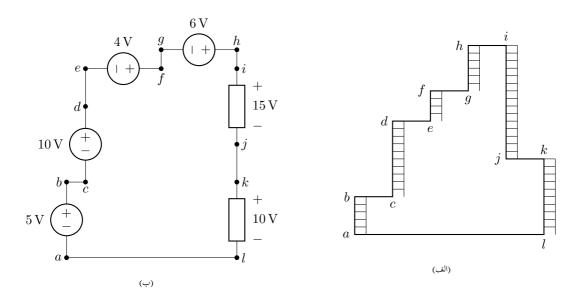
حاصل ہوتا ہے جبکہ گھٹے دباو کا مجموعہ

هنتا د باو
$$V_1+3+V_3$$

Kirchoff's voltage law, KVL²⁴



شكل 2.17: كرخوف قانونِ دباو.



شكل 2.18: كرخوف قانون دباو اور بلندى.

حاصل ہوتا ہے۔ کرخوف قانون دباو کے تحت پیہ قیمتیں برابر ہیں لیعنی

$$5 + V_2 + 3 = V_1 + 3 + V_3$$

ہو گا۔اس مساوات کو یوں

$$(2.19) 5 + V_2 + 3 - V_1 - 3 - V_3 = 0$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں کرخوف قانون د باو کو

$$\sum_{b=1}^{B} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$$
 وباو $\sum_{b=1}^{G} V_b = \sum_{g=1}^{G} V_g$ وباو دباو

کھا جا سکتا ہے جہال بند دائرے میں بڑھتے دباو کی تعداد B اور گھٹے دباو کی تعداد G ہے۔

شکل 2.17-الف میں بڑھتے دیاو کو مثبت اور گھٹتے دیاو کو منفی لکھتے ہوئے مجموعہ حاصل کرنے سے عین مساوات 2.19 حاصل ہوتا ہے لہذا کرخوف قانون دیاو کو درج ذیل مساوات کی صورت میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

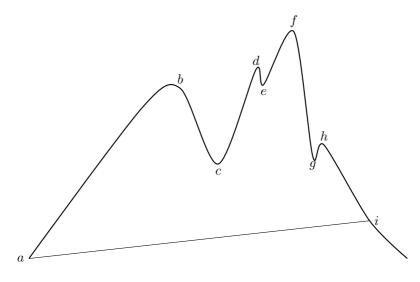
$$\sum_{s=1}^{S} V_s = 0$$
 کرخوف قانونِ د باو

اس مساوات میں اگر بڑھتے دباو کو مثبت لکھا جائے تب گھٹے دباو کو منفی لکھا جائے گا اور اگر گھٹے دباو کو مثبت لکھا جائے تب بڑھتے دباو کو منفی لکھا جائے گا۔

شکل 2.9 میں کرخوف قانونِ رو کو پہاڑی سے اترتی بکریوں کی مدد سے سمجھایا گیا۔ آئیں کرخوف قانون دباو کو شکل 2.18 کی مدد سے سمجھیں۔

شکل 2.18-الف میں ایک عمارت کا بیرونی خاکہ دکھایا گیا ہے۔ عمارت کے بائیں طرف سیڑھی کو استعال کرتے ہوئے پہلی منزل b تک پہنچنا ممکن ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ a سے پانچ سیڑھی بلندی پر a واقع ہے۔ یوں a سے b تک پہنچنا پر آپ پانچ سیڑھی بلندی اختیار کریں گے۔ اس حقیقت کو ریاضیاتی طور پر a کھا جاتا ہے۔ پہلی منزل کی حجیت a تا a ہے یوں a سے a تک چلئے میں آپ کی بلندی جوں کی توں

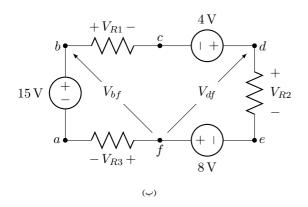
2.2. قوانين كرخوف

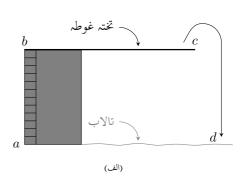


شکل 2.19: کرخوف قانونِ دباو اور پہاڑی پر چرتی بکریاں۔

رہے گی۔ ای طرح کا تک پہنچنے کی خاطر مزید دس سیڑھیاں پڑھنی ہو گی لعنی $B_{dc} = 10$ ہوں $B_{dc} = 10$ کی اونچائی پندرہ سیڑھی ہے۔ ان $B_{ha} = B_{ba} + B_{dc} + B_{fe} + B_{hg}$ کہ ای طرح $B_{ab} = B_{ba} + B_{dc} + B_{fe} + B_{hg}$ کی اونچائی پندرہ سیڑھیاں پڑھیا ہوگا ہوں گا۔ ای طرح $B_{ab} = B_{ba} + B_{dc} + B_{fe} + B_{hg} - B_{ij}$ کی پندرہ سیڑھیاں گا۔ ان کا میں قبیل پر کرتے ہوئے گا۔ ان کا میں قبیل پر کرتے ہوئے گا۔ ان کا میں بین کہ میارت کے بائیں جانب سے ہی ہم سیڑھیاں گا۔ ان کا میں بین کہ میارت کے بائیں جانب سے ہی ہم سیڑھیاں پر کرتے ہوئے ہوئے اس باندی کو نامیں۔ ہم میارت کے دائیں جانب سیڑھی استعال کرتے ہوئے ہوئے اس باندی کو نامیں۔ اگر ممارت کے بائیں جہاں ہوتا کے بائیں ہوتا ہوگا۔ آب دیکھ سیڑھیاں باندی تک پہنچنے کے بعد اتنا ہی جہاں تر چکے ہوں گا۔ اس میڑھیاں استعال کرتے ہوئے واپس نقط کے پہنچا جائے تو ہم کل پچیس سیڑھیاں باندی تک پہنچنے کے بعد اتنا ہی واپس اثر چکے ہوں گا۔ اس میڈھیاں باندی تک پہنچنے کے بعد اتنا ہی واپس اثر چکے ہوں گا۔ اس میڈھیاں باندی تک پہنچنے کے بعد اتنا ہی واپس اثر چکے ہوں گا۔ اس میڈھیاں باندی تک پھڑھ شکل وا۔ 2 سے جتنا اوپر چلا جائے اتنا ہی نیچے چلنا ہو گا۔ بہی پچھ شکل وا۔ 2 سے جی دیکھا جاسکتا ہے جہاں فرحانہ پورا دن بکریاں چرانے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے جہاں فرحانہ پورا دن بکریاں چرانے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے پہنچتی ہے۔ اگر پورے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے درائے کے بعد واپس ابتدائی نقط کے درائی کی جائے ان کی کھڑے گا کے درائی کی جائے تو بھر کی میں کہنچتا کی میں کہن کے درائی کی کھڑے کے درائی کی کے درائی کی کھڑے کی کو کے درائی کی کھڑے کے درائی کی کی کے درائی کی کے درائی کی کے درائی کی کے درائی کی کی کے درائی کی ک

 $node^{25}$





شکل 2.20: کرخوف قانون دباو کے استعمال میں بند دائرہ فرضی ہو سکتا ہے۔

کر خوف قانون دباوکے استعال بند دائر سے پر ہوتا ہے۔ ایسا بند دائرہ فرضی بھی ہو سکتا ہے۔ آئیں ایسی ایک مثال دیکھیں۔ شہر وں میں پانی کے تالاب پر عموماً غوطہ کا گوطہ لگانے کی خاطر او نچائی پر تختہ نسب ہوتا ہے جہاں سے غوطہ خور قلا بازیاں کھاتا ہوا پانی تک پہنچتا ہے۔ شکل 2.20-الف میں ایسا ہی تختہ غوطہ 26 کھایا گیا ہے جس تک بائیں جانب نسب سیڑھی کے ذریعہ پہنچا جا سکتا ہے۔ اس سیڑھی کو استعال کرتے ہوئے غوطہ خور ہے کا کا تک چڑھتا ہے۔ یہاں سے وہ دوڑ لگاتا ہوا میں قلا بازیاں کھاتا ہوا نیچ تالاب میں ڈبی لگاتا ہے۔ شکل میں تیرکی لکیر غوطہ خور کے گرنے کو دکھاتی ہے۔ اب میں فرضی راہ ہے جس پر فوطہ خور نیچ اترتا ہے جس پر خوطہ خور چلتا ہے لیکن سے میں گئی سیڑھی نہیں ہے۔ یہ بس خلاء میں فرضی راہ ہے جس پر غوطہ خور نیچ اترتا ہے جس کے بعد وہ واپس میں تک لوٹی ہوئے بند دائر سے پر چال قدمی پوری کرتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بارہ سیڑھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑھی بی کے بارہ سیڑھیاں چڑنے کے بعد غوطہ خور بارہ 27 سیڑھی بی نے گرتا ہے۔

$$V_{R1} + V_{R2} + V_{R3} = 15 + 4 + 8$$

حاصل ہوتا ہے۔ایسا حقیقی راہ پر کیا گیا۔آئیں اب f سے a اور یہاں سے b کے بعد فرضی راہ پر واپس f کینچیں۔فرضی راہ کو نوک دار کئیر سے دکھایا گیا ہے جہاں تیر کا نشان مثبت سرے کو ظاہر کرتی ہے۔یوں

$$V_{R3} - 15 + V_{bf} = 0$$

کھا جا سکتا ہے جہال گھٹے دباو کو مثبت کھا گیا ہے۔اس سے

$$V_{bf}=15-V_{R3}$$

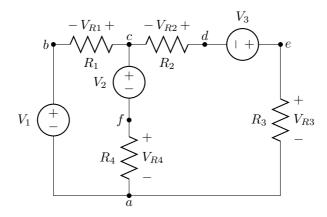
حاصل ہوتا ہے۔یوں اگر $V_{R3} = 7$ ہوتب $V_{bf} = 8$ ہوگا۔ یہاں بتلاتا چلوں کہ اس کتاب میں گھٹے دیاو کو ہی مثبت کھا جائے گا۔ایسا لکھنے میں آپ کو شروع میں کچھ دقت ہو سکتی ہے۔ای طرح دیگر فرضی بند دائروں پر مندرجہ ذیل کھا جا سکتا ہے

$$V_{R3} - 15 + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$
$$8 - V_{R2} + V_{df} = 0$$
$$-V_{bf} + V_{R1} - 4 + V_{df} = 0$$

 $V_{R2}=11\,\mathrm{V}$ ، $V_{R1}=9\,\mathrm{V}$ ، بہلی اور دو سری مساوات میں گھڑی کی الٹ سمت چلا گیا ہے۔ یوں اگر $V_{R2}=11\,\mathrm{V}$ ، $V_{R3}=7\,\mathrm{V}$ اور $V_{bf}=8\,\mathrm{V}$ ہوں گے۔

diving board26

[۔] ''جبی مجھے معلوم ہے کہ غوطہ خور اوپر چھلانگ لگا کر بارہ سیڑھی سے زیادہ بلندی سے گرتا ہے.مجھے امید ہے کہ آپ تمام گفتگو کی اصل مقصد سمجھ گئے ہوں گے۔



شكل 2.21: تابع اور غير تابع مساوات.

شکل 2.21 میں کرخوف قانون د باواستعال کرتے ہوئے کل تین عدد مساوات لکھنا ممکن ہے۔ یہ مساوات بائیں بند دائرہ abc fa ، دائیں بند دائرہ af cdea ، دائیں بند دائرہ abcdea پر لکھے جائیں گے جنہیں یہال پیش کرتے ہیں۔

$$(2.22) -V_1 - V_{R1} + V_2 + V_{R4} = 0$$

$$(2.23) -V_{R4} - V_2 - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

$$(2.24) -V_1 - V_{R1} - V_{R2} - V_3 + V_{R3} = 0$$

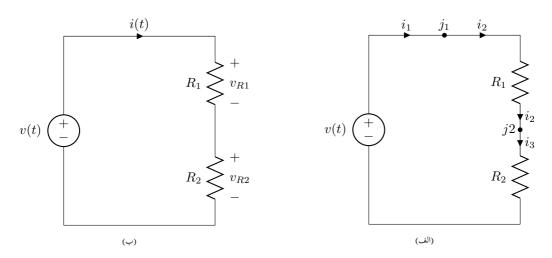
مساوات 2.22 اور مساوات 2.23 کو آپس میں جمع کرنے سے مساوات 2.24 حاصل ہوتا ہے۔ ای طرح مساوات 2.23 سے مساوات 2.24 منفی کرنے سے مساوات 2.22 حاصل ہوتا ہے۔ ایوں ان میں سے کسی بھی دو مساوات سے تیسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے۔ ایسی صورت میں دو عدد مساوات کو غیر علی مساوات کہتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات عاصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات کہتے ہیں کہ دو آزاد متغیرات حاصل کرنے کی خاطر دو عدد غیر تابع مساوات درکار ہوتے ہیں۔ یوں آزاد متغیرات کا اور ہو مندرجہ ذیل ہمزاد مساوات میں سے کسی بھی دو مساوات کو بیک وقت حل کرنے سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع مساوات سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ ان میں کسی بھی دو عدد مساوات کو غیر تابع تصور کرتے ہوئے تیسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے لہذا تیسری تابع مساوات ہے جو کوئی نئی معلومات فراہم نہیں کرتی۔ تابع مساوات غیر ضروری مساوات ہوتی ہے جسے لکھنے کی ضرورت نہیں ہے۔

$$x + y = 3$$
$$x - y = -1$$
$$3x + y = 5$$

شکل 2.21 صرف دوعدد غیر تابع مساوات مہیا کرتا ہے للذا اگرچہ ہم اس دور کے لئے تین مساوات لکھ سکتے ہیں لیکن ایسا کرنے کی کوئی ضرورت نہیں۔ کسی بھی دور میں مساوات لکھنے سے پہلے بند دائرے چننے جاتے ہیں۔ بند دائرے یوں چننیں کہ دور میں نسب تمام اجزاء کسی نہ کسی دائرے کا حصہ بنے۔ یوں کم سے کم مساوات حاصل ہول گے۔ کم تعداد کے مساوات حل کرنا نسبتاً زیادہ آسان ہوتا ہے۔

2.3 سلسلہ وار جڑے پرزوں میں رو

v(t) کر خوف کے قوانین جاننے کے بعد آئیں انہیں چند سادہ ادوار پر لا گو کرتے ہوئے کچھ کار آمد نتائج حاصل کریں۔ شکل 2.22-الف میں منبع دباو v(t) کے ساتھ دو عدد مزاحمت سلسلہ دار جڑے ہیں۔ منبع اور R_1 آپس میں جوڑ j_1 پر ملتے ہیں۔ منبع کی رو i_1 اور مزاحمت میں داخل ہوتی رو کو i_2 تصور کرتے ہوئے جوڑ j_1 پر کرخوف قانون رو لا گو کرتے ہوئے i_2 ہوئے i_3 کھا جا سکتا ہے۔ یوں منبع اور مزاحمت j_1 میں بالکل برابر رو پائی جاتے ہے۔ بہی



شكل 2.22: سلسله وار جڑے مزاحمت میں دباو كى تقسيم.

ترکیب مزاحمت R_1 اور مزاحمت R_2 کے جوڑ n_2 پر لا گو کرتے ہوئے n_3 ککھا جا سکتا ہے۔ یوں اگر n_3 ہوتی تب n_4 اور مزاحمت n_4 اور مزاحمت n_5 کوٹر ور میں گھڑی کی سمت گھومتی۔ اس حقیقت کو یوں بہتر بیان کیا جا سکتا ہے کہ سلسلہ وار جڑے پرزوں میں میساں بی میں میسال بی جاتی ہے۔

2.4 تقسيم دباو

گزشتہ جھے میں ہم نے دیکھا کہ سلسلہ وار دور میں ہر مقام پر یکسال رو پائی جاتی ہے۔اسی سلسلہ وار دور کو شکل 2.22-ب میں دوبارہ پیش کیا گیا ہے جہال دور کی رو کو i(t) کھا گیا ہے۔شکل-ب کے لئے کرخوف قانون دباوسے

$$(2.25) v(t) = v_{R1} + v_{R2}$$

کھا جا سکتا ہے۔ کسی بھی مزاحمت میں گزرتی رواور مزاحمت کے سروں کے مابین دباو کا تعلق قانون اوہم دیتا ہے۔ یوں مزاحمت ہم اور R₂ پر درج ذیل دباو ہو گا۔

(2.26)
$$v_{R1} = i(t)R_1$$

 $v_{R2} = i(t)R_2$

مساوات 2.26 کو مساوات 2.25 میں پر کرتے ہوئے

$$(2.27) v(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2$$

رو کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_1 + R_2}$$

مساوات 2.26 اور مساوات 2.28 کی مدد سے مزاحمت R_1 اور R_2 کی دباو حاصل کی جاسکتی ہے۔مزاحمت R_1 کا دباو

$$v_{R1} = i(t)R_1$$

$$= \left[\frac{v(t)}{R_1 + R_2}\right]R_1$$

$$(2.29) v_{R1} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} v(t)$$

حاصل ہوتا ہے۔ اسی طرح مزاحمت R2 کادباو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(2.30) v_{R2} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} v(t)$$

مساوات 2.29 اور مساوات مساوات 2.30 تقسیم دباو کے مساوات ہیں۔ آئیں ان کی افادیت ایک مثال کی مدد سے مسجھیں۔

مثال 2.10: شکل 2.22 میں v(t)=15 ہے جبکہ مزاحمت $R_1=1\,\mathrm{k}\Omega$ اور $R_2=2\,\mathrm{k}\Omega$ ہیں۔ دونوں مزاحمت کے دباوحاصل کریں۔ منبع اور مزاحمتوں کی طاقت دریافت کریں۔

مساوات 2.29 سے

$$v_{R1} = \frac{15 \times 1000}{1000 + 2000} = 5 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 2.30 سے

$$v_{R2} = \frac{15 \times 2000}{1000 + 2000} = 10 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہی جوابات یوں بھی حاصل کئے جاسکتے ہیں کہ پہلے مساوات 2.28 سے رو

$$i(t) = \frac{15}{1000 + 2000} = 5 \,\text{mA}$$

حاصل کریں اور پھر قانون اوہم سے

$$v_{R1} = i(t)R_1 = 5 \times 10^{-3} \times 1000 = 5 \text{ V}$$

 $v_{R2} = i(t)R_2 = 5 \times 10^{-3} \times 2000 = 10 \text{ V}$

لکھیں۔منبع کی طاقت

$$p_{xx} = 15 \times (-5 \times 10^{-3}) = -75 \,\mathrm{mW}$$

جبکه R₁ کی طاقت

$$p_{R1} = 5 \times 5 \times 10^{-3} = 25 \,\text{mW}$$

$$p_{R2} = 10 \times 5 \times 10^{-3} = 50 \,\text{mW}$$

حاصل ہوتی ہے۔آپ د کھ سکتے ہیں کہ طاقت کی پیداوار اور ضیاع برابر ہیں۔

42 مزاحمتی ادوار

مزاحمت کی طاقت مساوات 2.4 میں دئے دیگر کلیات سے بھی حاصل کر کے دیکھتے ہیں۔

$$p_{R1} = i^{2}(t)R_{1} = (5 \times 10^{-3})^{2} \times 1000 = 25 \text{ mW}$$

$$p_{R1} = \frac{v_{R1}^{2}}{R_{1}} = \frac{5^{2}}{1000} = 25 \text{ mW}$$

$$p_{R2} = i^{2}(t)R_{2} = (5 \times 10^{-3})^{2} \times 2000 = 50 \text{ mW}$$

$$p_{R2} = \frac{v_{R2}^{2}}{R_{2}} = \frac{10^{2}}{2000} = 50 \text{ mW}$$

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سلسلہ وار مزاحمت جوڑنے سے داخلی دباو کو مختلف قیتوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ دوسے زیادہ مزاحمت سلسلہ وار جوڑتے ہوئے داخلی دباو کو زیادہ حصوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ تقسیم دباوے مساوات کے تحت داخلی دباو سلسلہ وار جڑے مزاحمت کی قیمت کی نسبت سے تقسیم ہوتے ہیں۔ مندرجہ بالا مثال میں آپ نے دیکھا کہ تقسیم دباوکی مساوات سے مزاحمت کا دباو حاصل کرتے ہوئے برقی روکا حصول درکار نہیں ہوتا۔ آپ نے یہ بھی دیکھ لیا ہوگا کہ زیادہ قیمت کی مزاحمت پر زیادہ دباوپیدا ہوتی ہے اور اس میں طاقت کا ضیاع بھی زیادہ ہوتا ہے۔

مثق 2.29 شکل 2.22 میں v(t)=10 ہے جبکہ مزاحمت کی قیمت $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ ہے۔ مزاحمت کی قیمت $V(t)=10\,\mathrm{k}\Omega$ درکار ہیں۔ اس مزاحمت کی قیمت عاصل کریں اور اس میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ منبع کی پیدا کردہ طاقت بھی دریافت کریں۔ اگر R_2 کی قیمت R_2 ہوتی تب R_2 کی دباو اور طاقت کے علاوہ منبع کی پیدا کردہ طاقت کیا ہوتی۔

اس مشق سے ظاہر ہے کہ کل سلسلہ وار مزاحت کی قیمت کم کرنے سے پیدا کردہ طاقت اور مزاحمت میں طاقت کا ضیاع بڑھتا ہے۔

2.5 متعدد سلسلم وار مزاحمت

شکل 2.23-الف میں متعدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔ تمام سلسلہ وار جڑے پرزوں میں یکساں رو i(t) پائی جاتی ہے۔ کرخوف قانون دیاو سے $v(t)=v_{R1}+v_{R2}+v_{R3}+\cdots+v_{Rn}$

لکھتے ہیں جہاں قانون اوہم سے

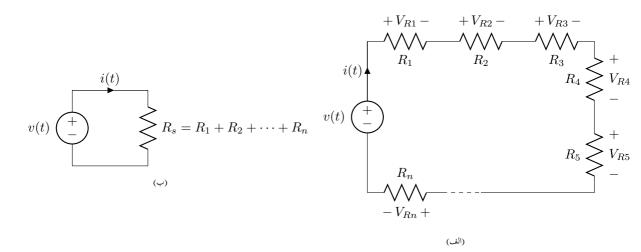
$$v_{R1} = i(t)R_1$$

$$v_{R2} = i(t)R_2$$

$$\vdots$$

$$v_{Rn} = i(t)R_n$$

2.5. متعدد سلسله وار مزاحمت



شكل 2.23: متعدد سلسلم وار مزاحمت اور تقسيم دباو.

لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

$$v(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2 + \dots + i(t)R_n$$

$$(2.32) v(t) = i(t) [R_1 + R_2 + \dots + R_n]$$

حاصل ہوتاہے جس میں

(2.33)
$$R_s = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n$$
 متعدد سلسله وار جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

لکھتے ہوئے

$$(2.34) v(t) = i(t)R_s$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 2.32 اور مساوات 2.34 شکل 2.23-ب پر بھی پوری اترتے ہیں۔ یوں شکل 2.23-الف اور شکل 2.23-ب مساوی اشکال ہیں۔ آپ د کیھ سکتے ہیں کہ متعدد سلسلہ وار جڑے مزاحمت کی جگہ ان کا مجموعی مزاحمت نسب کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 2.33 متعدد سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت R_S دیتی ہے۔

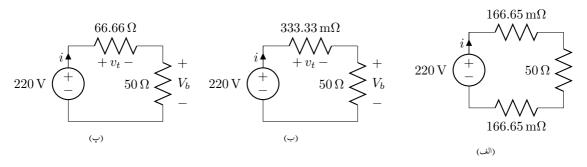
مثال 2.11: شکل 2.23-الف میں چار عدد مزاحمت نسب ہیں جن کی قیمتیں Ω 100 ، Ω 50 ، Ω 120 اور Ω 30 ہیں۔ منبع دباو 9V پیدا کرتا ہے۔ دور میں رو دریافت کریں۔ پچاس اوہم مزاحمت پر دباو بھی حاصل کریں۔

حل: مجموعی مزاحمت کی قیمت

$$R_S = 100 + 50 + 120 + 30 = 300 \,\Omega$$

ہے۔ بوں قانون اوہم اور شکل-ب سے

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_S} = \frac{9}{300} = 30 \,\text{mA}$$



شکل 2.24: برقی بوجھ کو بذریعہ تار طاقت فراہم کی جا رہی ہے۔

حاصل ہوتا ہے۔ پچپاں او ہم مزاحمت پر دباو قانون او ہم سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔ $v_{50\Omega}=i(t)R=30 imes10^{-3} imes50=1.5\,
m V$

مثال 2.12: ایک ملی میٹر قطر کے المو نیم تارکی مزاحمت 33.33 شی کلومیٹر ہے۔ اس تارکو استعال کرتے ہوئے 220 V منبع دباوسے 50 M کے مزاحمتی ہوتے کو طاقت فراہم کی جاتی ہے۔ منبع اور ہو جھ کے در میان 5 m کا فاصلہ ہونے کی صورت میں مزاحمت میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ اگر یہ فاصلہ 1 km ہوتا تب جواب کیا ہوتا؟

حل: منبع کے مثبت اور منفی سروں کو بوجھ کے دو سروں کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ چونکہ ایک کلومیٹر تارکی مزاحمت 33.33 ہے لہذا پانچ میٹر تارکی مزاحمت 166.65 سر منبع کے مثبت اور منفی سروں کو بوجھ کے دو سروں کے ساتھ جو گئا تارکی ور نجلی تارسلسلہ وار جڑے ہیں لہذا ان کے مزاحمت آپس میں جمع کئے جا سکتے ہیں۔ایسا کرتے ہوئے مسئلے کو شکل 2.24۔ب کے طرز پر ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ادوار کے اشکال بناتے ہوئے عموماً ایسا ہی کرتے ہوئے تارکی مزاحمت صفر تصورکی جاتی ہے۔دور میں رو

$$i = \frac{220}{50 + 0.16665} = 4.3854 \,\mathrm{A}$$

اور بوجھ میں طاقت کا ضیاع

$$p = i^2 R = 4.3854^2 \times 50 = 962 \,\mathrm{W}$$

ہے۔ یہاں غور کریں کہ تارکی مزاحمت بوجھ کی مزاحمت سے بہت کم ہے۔ایسی صورت میں تارکی مزاحمت کورد کیا جا سکتا ہے اور تارکو کامل موصل تصور کیا جا سکتا ہے۔ایبا کرتے ہوئے تارکی مزاحمت کو 0Ω تصور کرتے ہوئے جوابات

$$i = \frac{220}{50+0} = 4.4 \,\mathrm{A}$$

 $p = 4.4^2 \times 50 = 968 \,\mathrm{W}$

حاصل ہوتے ہیں۔ان دو جوابات میں صرف

$$\left| \frac{962 - 968}{962} \right| \times 100 = 0.62 \,\%$$

فرق پایا جاتا ہے جے رد کیا جا سکتا ہے۔اس کے برعکس منبع اور تار کے در میان ایک کلومیٹر فاصلے کی صورت میں صورت حال شکل-پ ظاہر کرتی ہے جہاں سے

$$i = \frac{220}{50 + 66.66} = 1.8858 \,\mathrm{A}$$

 $p = 1.8858^2 \times 50 = 179 \,\mathrm{W}$

حاصل ہوتے ہیں۔ یہاں تارکی مزاحت کورد نہیں کیا جا سکتا اور اس کے اثرات کو مد نظر رکھنا ضروری ہے۔

2.6 سلسلم وار متعدد منبع دباو اور مزاحمت

شکل 2.25-الف میں متعدد منبع دباو اور متعدد مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔سلسلہ وار دور میں یکساں رو i(t) پائی جائے گی۔دور میں گھڑی کی سمت گھومتے اور گھنے دباو کو مثبت لکھتے ہوئے

$$(2.35) v_1(t) - v_2(t) + v_{R1} + v_{R2} - v_3(t) + v_{R3} + v_{R4} + \dots + v_k(t) + v_{Rn} = 0$$

کھھا جا سکتا ہے۔ منبع دیاو کو ایک جانب اور مزاحمتی دیاو کو دوسری جانب کھتے ہوئے اسے درج ذیل صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.36) -v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots - v_k(t) = v_{R1} + v_{R2} + v_{R3} + v_{R4} + \dots + v_{Rn}$$

قانون او ہم کی مدر سے $v_{R1}=i(t)$ وغیرہ ککھتے ہوئے

$$-v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots - v_k(t) = i(t)R_1 + i(t)R_2 + i(t)R_3 + i(t)R_4 + \dots + i(t)R_n$$

$$= i(t) [R_1 + R_2 + \dots + R_n]$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات میں

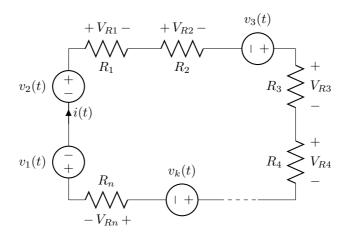
$$(2.38) -v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \cdots - v_k(t) = v_s(t)$$

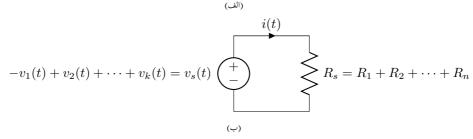
$$(2.39) R_1 + R_2 + \dots + R_n = R_s$$

لکھنے سے

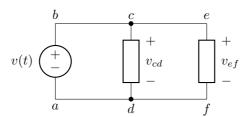
$$(2.40) v_s(t) = i(t)R_s$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات سے حاصل دور کو شکل 2.25-ب میں دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تمام سلسلہ وار جڑے مزاحت کی جگہ ان کا مجموعہ نسب کیا جا سکتا ہے اور اسی طرح تمام سلسلہ وار جڑے منبع کی جگہ ان کا مجموعہ نسب کیا جا سکتا ہے۔جیسا شکل 2.25-ب میں دکھایا گیا ہے، منبع کا مجموعہ حاصل کرتے وقت بڑھتے دباو کو مثبت اور گھٹے دباو کو منفی لیا جاتا ہے۔یوں مساوات 2.40 میں مساوی نشان (=) کے بائیں جانب بڑھتے دباو کا مجموعہ اور نشان کے دائیں جانب گھٹے دباو کا مجموعہ ہے۔اس مساوات سے دورکی رو (i () عاصل کی جاسکتی ہے۔





شكل 2.25: متعدد منبع اور متعدد مزاحمت سلسله وار جڑے ہيں۔



شکل 2.26: متوازی جڑے پرزوں پر یکساں دباو پایا جاتا ہے

2.7 متوازی جڑے مزاحمت پر یکساں دباو پایا جاتا ہے

شکل 2.26-الف میں منبع دباو کے متوازی دو عدد برتی پرزے جڑے د کھائے گئے ہیں۔ بند دائرہ abcda پر کرخوف قانون دباوسے

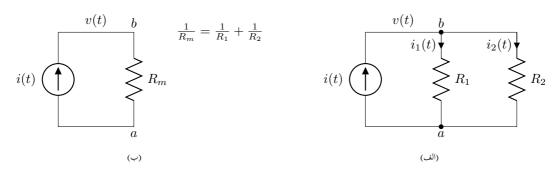
$$(2.41) v(t) = v_{cd}$$

حاصل ہوتا ہے جبکہ بند دائرہ abefa پر کرخوف قانون دباو سے

$$v(t) = v_{ef}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں دونوں برقی پرزوں پر v(t) دباو پایا جاتا ہے۔ اس مثال میں مزید پرزے متوازی جوڑتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تمام متوازی جڑے پرزوں پر یکساں دباو پایا جاتا ہے۔

2.8. تقسيم رو



شکل 2.27: متوازی جڑے مزاحمت کا مساوی مزاحمت.

2.8 تقسيم رو

شکل 2.27-الف میں منبع رو i(t) کے متوازی دوعدد مزاحمت جڑے ہیں۔رو i(t) متوازی جڑے مزاحمت سے گزرتی ہے جس سے اوہم کے قانون کے تحت مزاحمت پر دباو v(t) پیدا ہوگا۔جوڑ v(t) میں رو v(t) اور مزاحمت v(t) میں رو v(t) پیدا ہوگا۔جوڑ v(t) میں رو رکھتے ہیں۔

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t)$$

مزاحمتوں کے لئے قانون اوہم سے

$$(2.44) i_1(t) = \frac{v(t)}{R_1}$$

(2.45)
$$i_2(t) = \frac{v(t)}{R_2}$$

لکھا جا سکتا ہے۔درج بالا تین مساوات کے ملاپ سے

(2.46)
$$i(t) = \frac{v(t)}{R_1} + \frac{v(t)}{R_2} \\ = \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v(t)$$

لکھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں قوسین میں بند قیت کو

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

لکھتے ہوئے

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_{m}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.27-ب سے یہی مساوات لکھی جاسکتی ہے۔ متوازی جڑے مزاحمتوں کی مساوی مزاحمت مساوات 2.47 سے حاصل ہوتی ہے۔

مساوات 2.44 کے پہلی مساوات کو مساوات 2.44 سے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{i_1(t)}{i(t)} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$(2.49) i_1(t) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} i(t)$$

کھھا جا سکتا ہے۔اسی طرح مساوات 2.44 کے دوسری مساوات کو مساوات 2.44 سے تقسیم کرتے ہوئے

$$(2.50) i_2(t) = \frac{R_1}{R_1 + R_2} i(t)$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 2.49 اور مساوات 2.50 تقسیم رو کے مساوات ہیں۔

مساوات 2.47 سے دو عدد متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

$$(2.51) R_m = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

حاصل کیا جا سکتا ہے۔

يا

مثال 2.13: شکل 2.27 میں $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور $R_1=8\,\mathrm{mA}$ بیں۔مزاحمت $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور مزاحت $R_2=6\,\mathrm{k}\Omega$ ، $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ اور مزاحت کا ضافت کا ضافت کریں۔ منبع کی طاقت بھی حاصل کریں۔ کریں۔ کل متوازی مزاحمت دریافت کریں۔مزاحمت $R_1=2\,\mathrm{k}\Omega$ ، اور $R_2=2\,\mathrm{k}\Omega$ میں طاقت کریں۔ منبع کی طاقت بھی حاصل کریں۔

حل:مساوات 2.49 سے

$$i_1(t) = \left(\frac{6000}{2000 + 6000}\right) \times 8 \times 10^{-3} = 6 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتاہے جبکہ مساوات 2.50سے

$$i_2(t) = \left(\frac{2000}{2000 + 6000}\right) \times 8 \times 10^{-3} = 2 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہی جواب بالائی جوڑ پر کرخوف قانون رو

$$8 \,\mathrm{mA} = 6 \,\mathrm{mA} + i_2(t)$$

يعني

$$i_2(2) = 8 \,\mathrm{mA} - 6 \,\mathrm{mA} = 2 \,\mathrm{mA}$$

سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔کل متوازی مزاحمت

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{2000} + \frac{1}{6000} = \frac{1}{1500}$$

سے

$$R_m = 1.5 \,\mathrm{k}\Omega$$

حاصل ہوتا ہے۔ مزاحمت R_1 میں طاقت کا ضیاع

$$p_{R1} = i_1(t)^2 R_1 = (6 \times 10^{-3})^2 \times 2000 = 72 \,\text{mW}$$

49 2.8. تقسيم رو

ہے۔اسی طرح مزاحمت R₂ کی طاقت

اس مثال سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ متوازی جڑے مزاحمتوں میں کم قیت کے مزاحت میں زیادہ روپائی جاتی ہے۔آپ کو یاد ہو گا کہ سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں میں تقسیم د باو کے تحت زیادہ قیمت کے مزاحمت پر زیادہ دیاویایا جاتا ہے۔

دوسے زبادہ تعداد میں متوازی جڑے مزاحمتوں کو بالکل اس طرح حل کیا جا سکتا ہے۔ یوں شکل 2.28-الف سے

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t) + \dots + i_n(t)$$

$$i_1(t) = \frac{v(t)}{R_1}$$

$$i_2(t) = \frac{v(t)}{R_2}$$

$$i_3(t) = \frac{v(t)}{R_3}$$

$$\vdots$$

$$i_N(t) = \frac{v(t)}{R_N}$$

 $i(t) = \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_N}\right) v(t)$ (2.52)

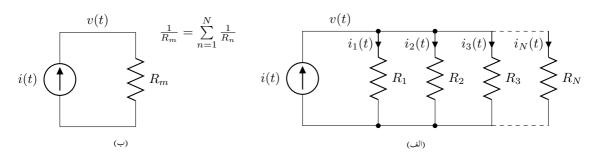
حاصل ہوتا ہے جس میں

$$rac{1}{R_m}=rac{1}{R_1}+rac{1}{R_2}+rac{1}{R_3}+\cdots+rac{1}{R_N}$$
 متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت $=\sum_{n=1}^Nrac{1}{R_n}$

ہر کرنے سے

یا

$$i(t) = \frac{v(t)}{R_{vv}}$$



شكل 2.28: متعدد متوازى جڑے مزاحمت كا مساوى مزاحمت.

کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.28-ب سے بھی یہی مساوات حاصل ہوتی ہے المذا شکل-الف اور شکل-ب مساوی ادوار ہیں۔مساوات 2.53 متعدد متوازی جڑے۔ مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت R_m ویتی ہے۔

مثال 2.14: شکل 2.28-الف میں تین عدد مزاحمت استعال ہوتے ہیں۔ان کی قیمتیں $4\,\mathrm{k}\Omega$ ، $2\,\mathrm{k}\Omega$ اور $5\,\mathrm{k}\Omega$ ہیں۔ منبغ رو v(t) ہے۔مساوی متوازی مزاحمت R_m عاصل کریں۔ دباو v(t) عاصل کری۔ میان عاصل کریں۔ منبغ کی طاقت اور مزاحمتوں میں طاقت کا ضیاع مجمی دریافت کریں۔

جوابات: مساوی مزاحت پہلے حاصل کرتے ہیں۔مساوات 2.53 سے

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{2000} + \frac{1}{4000} + \frac{1}{5000} = \frac{19}{20000}$$

لعيني

$$R_m = \frac{20}{19} \, \mathrm{k}\Omega$$

حاصل ہوتا ہے۔شکل 2.28-ب سے

$$v(t) = 15 \times 10^{-3} \times \frac{20000}{19} \approx 15.7895 \,\mathrm{V}$$

 $i_1(t)+i_2(t)+i_3(t)$ عین منبع کی روکے $i_1(t)+i_2(t)+i_3(t)$ عین منبع کی روکے بیل جہال سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بیان کہ نبیع کی روکے برابر ہے۔

$$i_1(t) = \frac{15.7895}{2000} = 7.89 \text{ mA}$$

 $i_2(t) = \frac{15.7895}{4000} = 3.95 \text{ mA}$
 $i_3(t) = \frac{15.7895}{5000} = 3.16 \text{ mA}$

منبع کی طاقت

$$p_{z} = 15.7895 \times (-15 \times 10^{-3}) = -236.8 \,\mathrm{mW}$$

2.8. تقسيم رو

جبکه مزاحتوں کی طاقت

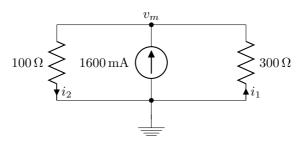
$$p_{2 \text{ k}\Omega} = 15.7895 \times 7.89 \times 10^{-3} = 124.58 \text{ mW}$$

 $p_{4 \text{ k}\Omega} = 15.7895 \times 3.95 \times 10^{-3} = 62.37 \text{ mW}$
 $p_{5 \text{ k}\Omega} = 15.7895 \times 3.16 \times 10^{-3} = 49.89 \text{ mW}$

حاصل ہوتے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ پیدا کردہ طاقت اور طاقت کا ضیاع برابر ہیں۔ متوازی جڑے مزاحمت میں زیادہ قیمت کے مزاحمت میں کم برقی رو پائی جاتی ہے اور اس میں طاقت کا ضیاع بھی کم ہوتا ہے۔

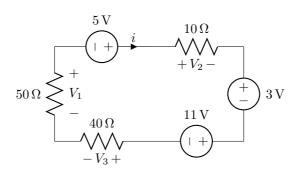
مثق 2.10: شكل 2.29 مين i_1 ، i_2 ، i_1 اور v_m دريافت كريں۔

 $v_m=120\,\mathrm{V}$ ، $R_m=75\,\Omega$ ، $i_2=1200\,\mathrm{mA}$ ، $i_1=-400\,\mathrm{mA}$. بابت:



شكل 2.29: تقسيم رو كي مشق.

مثن 2.11: شكل 2.30 مين v_2 ، v_1 ، v_2 ، v_3 ، اور v_3



شكل 2.30: تقسيم دباو كي مشق.

2.9 سلسلم وار اور متوازى مزاحمت

ہم جانتے ہیں کہ سلسلہ وار مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

$$(2.55) R_s = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_N$$

ہوتا ہے جبکہ متوازی مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_N}$$

ہے۔آئیں ان کلیات کو استعال کرتے ہوئے مختلف انداز میں جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت حاصل کریں۔ابیا کرنے کی خاطر شکل 2.31 میں کو مثال بناتے ہوئے A اور B کے مابین مزاحمت RAB حاصل کرتے ہیں۔

اگرآپ FGH کودیکھیں تو یہاں 3k اور 1k سلسلہ وار جڑے ہیں۔دومزاحمت تب سلسلہ وار جڑے ہوتے ہیں جب دوسری مزاحمت میں وہی رو گزرے جو پہلی میں گزرتی ہو۔ایسے مزاحمت کا ایک سراآپس میں جڑا ہوتا ہے جبکہ ان کا دوسرا سراآپس میں نہیں جڑا ہوتا۔یوں 1k کا دایاں سرااور 3k کا خلا سرا الله پر آپس میں نہیں جڑے ہیں۔یوں ان مزاحمتوں کا مجموعی مزاحمت مساوات 2.55 سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$R_{FGH} = 3000 + 1000 = 4 \,\mathrm{k}\Omega$$

ان سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت R_{FGH} نسب کرتے ہوئے شکل 2.32 حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں F اور G نقطوں کے مابین 6 kΩ اور 4 kΩ متوازی جڑے ہیں۔متوازی جڑے مزاحمتوں پر یکسال دباو پایا جاتا ہے۔ یوں ان متوازی جڑے مزاحمتوں کا مساوی مزاحمت مساوات 2.56 سے حاصل ہو گا یعنی

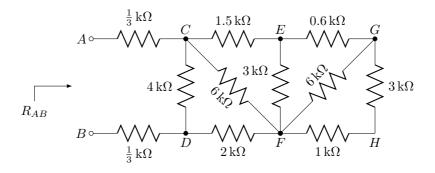
$$\frac{1}{R_{FG}} = \frac{1}{6000} + \frac{1}{4000} = \frac{1}{2400}$$

یا

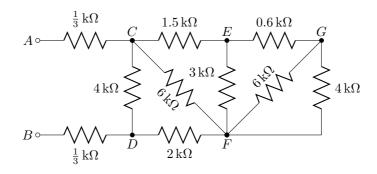
$$R_{FG} = 2.4 \,\mathrm{k}\Omega$$

نقطہ G اور نقطہ G کے در میان مساوی مزاحمت نسب کرنے سے شکل 2.33 حاصل ہوتا ہے۔اب آپ دیکھ سکتے ہیں کہ EGF پر $0.6\,\mathrm{k}\Omega$ اور $2.4\,\mathrm{k}\Omega$ سکتے ہیں جن کا مساوی مزاحمت

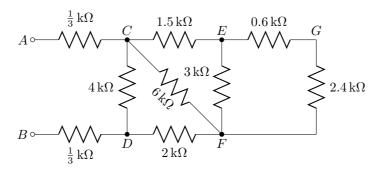
$$R_{EGF} = 600 + 2400 = 3 \,\mathrm{k}\Omega$$



شكل 2.31: سلسله وار اور متوازى مزاحمت.



شكل 2.32



شكل 2.33

ہو گا۔

کے استعال سے شکل 2.34 حاصل ہوتا ہے جس میں E اور F کے در میان دوعدد R_{EGF} مزاحمت متوازی جڑے ہیں جن کا مساوی مزاحمت R_{EGF}

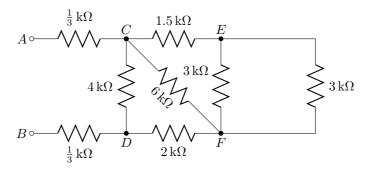
$$\frac{1}{R_{EF}} = \frac{1}{3000} + \frac{1}{3000} = \frac{1}{1500}$$

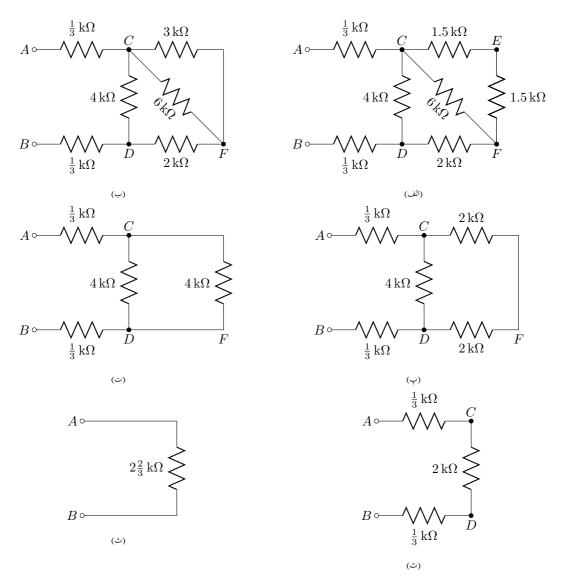
لعيني

$$R_{EF} = 1.5 \,\mathrm{k}\Omega$$

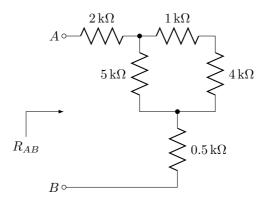
حاصل ہوتا ہے۔ یوں شکل 2.35-الف حاصل ہوتا ہے۔ اس طریقے سے آگے بڑھتے ہوئے آخر کار شکل 2.35-ٹ حاصل ہوتا ہے جس سے R_{AB} در جن حاصل ہوتا ہے

$$R_{AB} = 2\frac{2}{3} \,\mathrm{k}\Omega$$





شكل 2.35



شكل 2.36: متعدد سلسله وار اور متوازى مزاحمت كا دور.

یوں شکل 2.31 کو حل کرتے کرتے آخر کار شکل 2.35-ث حاصل کیا گیا جو مساوی مزاحمت دیتا ہے۔

مشق 2.12: شکل 2.36 میں R_{AB} دریافت کریں۔

 $R_{AB} = 5 \,\mathrm{k}\Omega$:واب

متعدد سلسله وار اور متوازی مزاحمت کا مساوی مزاحمت حاصل کرتے وقت درج ذیل طریقه کار اختیار کیا جاتا ہے۔

- داخلی برقی سرول سے دور ترین مزاحت سے شروع کریں۔
- دوعدد سلسلہ وار مزاحمت کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت $R_s = R_1 + R_2$ نسب کریں۔ جس جوڑ پر سلسلہ وار مزاحمت آپس میں جڑے ہوں اس جوڑ پر کوئی تیسر اپرزہ نہیں جڑا ہو سکتا۔ یوں پہلے مزاحمت سے گزرتی رو دوسری مزاحمت سے بھی گزرتی ہے۔ اگر جوڑ پر تیسر اپرزہ بھی نسب ہوتب مزاحمتوں کو سلسلہ وار جڑا تصور نہیں کیا جا سکتا۔
- دوعدد متوازی جڑے مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت $R_m = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$ نب دوجوڑ کے ساتھ پہلا مزاحمت جڑا ہوتا ہے اگر انہیں جوڑ کے ساتھ دوسرا مزاحمت بھی جڑا ہوتب ان مزاحمتوں کو متوازی جڑا تصور کیا جاتا ہے۔ متوازی مزاحمتوں پر برابر دباو پایا جاتا ہے۔
- متواتر سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت نسب کرتے ہوئے دور کے داخلی سروں تک پہنچ کر پورے دور کا مساوی مزاحمت حاصل کریں۔

2.10. تخصيص مزاحمت

جدول 2.1: مزاحمت کے معیاری قیمتیں۔ قیمتوں میں % 5 خلل ممکن ہے۔

$1.0\mathrm{M}\Omega$	$100\mathrm{k}\Omega$	$10\mathrm{k}\Omega$	$1.0\mathrm{k}\Omega$	100Ω	10Ω	1.0Ω
$1.1\mathrm{M}\Omega$	$110\mathrm{k}\Omega$	$11\mathrm{k}\Omega$	$1.1\mathrm{k}\Omega$	110Ω	11Ω	1.1Ω
$1.2\mathrm{M}\Omega$	$120\mathrm{k}\Omega$	$12\mathrm{k}\Omega$	$1.2\mathrm{k}\Omega$	120Ω	12Ω	1.2Ω
$1.3\mathrm{M}\Omega$	$130\mathrm{k}\Omega$	$13\mathrm{k}\Omega$	$1.3\mathrm{k}\Omega$	130Ω	13Ω	1.3Ω
$1.5\mathrm{M}\Omega$	$150\mathrm{k}\Omega$	$15\mathrm{k}\Omega$	$1.5\mathrm{k}\Omega$	150Ω	15Ω	1.5Ω
$1.6\mathrm{M}\Omega$	$160\mathrm{k}\Omega$	$16\mathrm{k}\Omega$	$1.6\mathrm{k}\Omega$	160Ω	16Ω	1.6Ω
$1.8\mathrm{M}\Omega$	$180\mathrm{k}\Omega$	$18\mathrm{k}\Omega$	$1.8\mathrm{k}\Omega$	180Ω	18Ω	1.8Ω
$2.0\mathrm{M}\Omega$	$200\mathrm{k}\Omega$	$20\mathrm{k}\Omega$	$2.0\mathrm{k}\Omega$	200Ω	20Ω	2.0Ω
$2.2\mathrm{M}\Omega$	$220\mathrm{k}\Omega$	$22\mathrm{k}\Omega$	$2.2\mathrm{k}\Omega$	220Ω	22Ω	2.2Ω
$2.4\mathrm{M}\Omega$	$240\mathrm{k}\Omega$	$24\mathrm{k}\Omega$	$2.4\mathrm{k}\Omega$	240Ω	24Ω	2.4Ω
$2.7\mathrm{M}\Omega$	$270\mathrm{k}\Omega$	$27\mathrm{k}\Omega$	$2.7\mathrm{k}\Omega$	270Ω	27Ω	2.7Ω
$3.0\mathrm{M}\Omega$	$300 \mathrm{k}\Omega$	$30\mathrm{k}\Omega$	$3.0\mathrm{k}\Omega$	300Ω	30Ω	3.0Ω
$3.3\mathrm{M}\Omega$	$330 \mathrm{k}\Omega$	$33\mathrm{k}\Omega$	$3.3\mathrm{k}\Omega$	330Ω	33Ω	3.3Ω
$3.6\mathrm{M}\Omega$	$360 \mathrm{k}\Omega$	$36\mathrm{k}\Omega$	$3.6\mathrm{k}\Omega$	360Ω	36Ω	3.6Ω
$3.9\mathrm{M}\Omega$	$390 \mathrm{k}\Omega$	$39\mathrm{k}\Omega$	$3.9\mathrm{k}\Omega$	390Ω	39Ω	3.9Ω
$4.3\mathrm{M}\Omega$	$430\mathrm{k}\Omega$	$43\mathrm{k}\Omega$	$4.3\mathrm{k}\Omega$	430Ω	43Ω	4.3Ω
$4.7\mathrm{M}\Omega$	$470\mathrm{k}\Omega$	$47\mathrm{k}\Omega$	$4.7\mathrm{k}\Omega$	470Ω	47Ω	4.7Ω
$5.1\mathrm{M}\Omega$	$510\mathrm{k}\Omega$	$51\mathrm{k}\Omega$	$5.1\mathrm{k}\Omega$	510Ω	51Ω	5.1Ω
$5.6\mathrm{M}\Omega$	$560\mathrm{k}\Omega$	$56\mathrm{k}\Omega$	$5.6\mathrm{k}\Omega$	560Ω	56Ω	5.6Ω
$6.2\mathrm{M}\Omega$	$620\mathrm{k}\Omega$	$62\mathrm{k}\Omega$	$6.2\mathrm{k}\Omega$	620Ω	62Ω	6.2Ω
$6.8\mathrm{M}\Omega$	$680\mathrm{k}\Omega$	$68\mathrm{k}\Omega$	$6.8\mathrm{k}\Omega$	680Ω	68Ω	6.8Ω
$7.5\mathrm{M}\Omega$	$750\mathrm{k}\Omega$	$75\mathrm{k}\Omega$	$7.5\mathrm{k}\Omega$	750Ω	75Ω	7.5Ω
$8.2\mathrm{M}\Omega$	$820 \mathrm{k}\Omega$	$82 \mathrm{k}\Omega$	$8.2 \mathrm{k}\Omega$	820Ω	82Ω	8.2Ω
$9.1\mathrm{M}\Omega$	$910\mathrm{k}\Omega$	$91\mathrm{k}\Omega$	$9.1\mathrm{k}\Omega$	910Ω	91Ω	9.1Ω

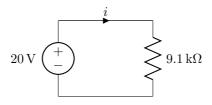
2.10 تخصيص مزاحمت

جدول 2.1 مزاحمت کی وہ مخصوص قیمتیں دیتا ہے جو عام دستیاب ہیں۔مزاحمت کی قیمت کے علاوہ اس کی طاقعی استعداد 29 اور قیمت میں خلل 30 مجلی جاننا ضروری ہے۔اس جدول میں دئے تمام مزاحمتوں کی قیمتوں میں % 5 مزاحمتی خلل ممکن ہے۔یوں انہیں % 5 مزاحمت کہتے ہیں۔مزاحمت کی طاقت استعداد عموماً % 0.25 ، 4 کس دستیاب ہیں۔

مزاحت میں طاقت کا ضیاع حرارتی توانائی میں تبدیل ہوتا ہے جس سے مزاحت کی درجہ حرارت بڑھتی ہے۔دواجہام کے مابین ایصال حوادت اقیا اتصال حوادت الله علی فرق پر منحصر ہے۔دواجہام کے درجہ حرارت میں فرق بڑھانے سے ان کے مابین ایصال حرارت یا اتصال حرارت بڑھتی ہے۔ مزاحت میں طاقت کے ضیاع سے مزاحت کا درجہ حرارت ارد گرد کے ماحول سے بڑھ جاتا ہے۔ایصال حرارت اور اتصال حرارت سے مزاحت کی حرارتی توانائی ارد گرد کے ماحول کو منتقل ہوتی ہے۔ جس درجہ حرارت پر مزاحت کی طاقتی ضیاع اور مزاحت سے انتقال حرارت برابر ہوں، مزاحت کی حرارتی توانائی ارد گرد کے ماحول کو منتقل ہوتی ہے۔ جس درجہ حرارت پر تباہ ہوتا ہے۔ یہی مزاحت کے لئے بھی درست ہے لمذا ہوں، مزاحت کا درجہ حرارت اتنانہ بڑھ جائے کہ مزاحت جل کر راکھ ہو جائے۔طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے جس پر مزاحت محفوظ رہ سیا ہے۔اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے جس پر مزاحت محفوظ رہ سکتا ہے۔اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے جس پر مزاحت موجہ سے اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے۔ جس پر مزاحت سے مراحت جاگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے مراد وہ طاقت ہے۔ جس پر مزاحت سے مزاحت جاگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے کہ مزاحت جائے تو مزاحت جائے کہ و جائے۔ اگر طاقتی ضیاع مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے کہ مزاحت جائے تو مزاحت جائے کہ و جائے سے کہ اس کر درجہ حرارت ایک مزاحت کے طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت جائے کہ مزاحت کے طاقتی سے در سے کہ اس کر درجہ حرارت ایک درجہ حرارت ایک مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت جائے ہو جائے۔طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت جائے ہو جائے۔طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت جائے ہو جائے۔طاقتی استعداد سے مزاحت کے طاقتی استعداد سے بڑھ جائے تو مزاحت ہے۔

power rating²⁹ tolerance³⁰

heat conduction³²



شکل 2.37: مزاحمت کی قیمت میں خلل اور طاقت کے ضیاع کی مثال۔

مثال 2.15: شکل 2.37 میں % 5 مزاحمت استعال کیا گیا ہے۔ دور میں کم سے کم اور زیادہ سے زیادہ رو دریافت کریں۔ دونوں صورتوں میں مزاحمتی ضیاع بھی حاصل کریں۔

حل: مزاحمت کی قیمت 9.1 k بے۔اس قیمت کو علامتی قیمت 33 کہتے ہیں۔مزاحمت کی حقیقی قیمت اس سے 5 کم یا زیادہ ممکن ہے۔یوں اس مزاحمت کی کم سے کم قیمت

$$R_{\rm T} = (1 - 0.05) \times 9100 = 8.645 \,\mathrm{k}\Omega$$

اور زیادہ سے زیادہ قیمت

$$R_{j,j,j} = (1+0.05) \times 9100 = 9.555 \,\mathrm{k}\Omega$$

ہو سکتی ہے۔ مزاحمت کی اصل قیمت ان حدود کے در میان رہے گی۔ یوں کمتر اور بلند تر رو درج ذیل ہوں گے۔

$$i_{\pi\pi} = \frac{20}{9555} = 2.093 \,\text{mA}$$
 $i_{\pi\pi} = \frac{20}{8645} = 2.313 \,\text{mA}$

مزاحمت میں کمتر اور بلند تر طاقت کا ضیاع درج ذیل ہو گا۔

$$p_{\text{ji}} = 20 \times 2.093 \times 10^{-3} = 41.86 \,\text{mW}$$

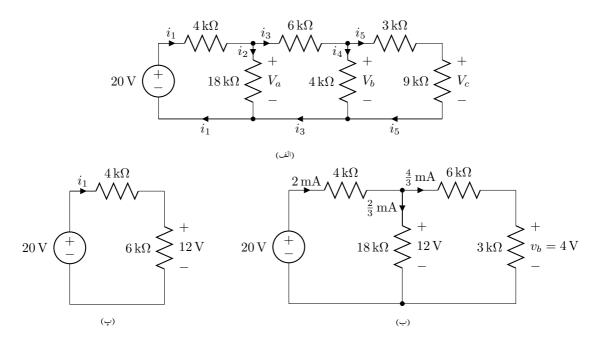
 $p_{\text{ji}} = 20 \times 2.313 \times 10^{-3} = 46.26 \,\text{mW}$

مزاحمت میں طاقت کا ضیاع 42 mW تا 46 mW ممکن ہے۔ یوں 0.25 W کی مزاحمت یہاں استعال کی جاسکتی ہے جو 250 mW کی طاقت ضیاع کو برداشت کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔

مندرجہ بالا مثال میں اگر مزاحمت کی قیمت Ω 100 ہوتی تب رو کی علامتی قیمت Ω 20 مندرجہ بالا مثال میں اگر مزاحمت نیاری میں Ω 30 ہوتا۔ مزاحمت کی استعداد Ω 25 ہونے کی صورت میں مزاحمت تاب نہ لاتے ہوئے جل کر راکھ ہو جائے گا۔ یوں الیمی صورت میں Ω 4 سے زیادہ طاقتی استعداد Ω مزاحمت استعال کر ناضر وری ہے۔

typical value³³

³⁴میں متوقع طاقتی ضیاع کی دگنا قیمت کر طاقتی استعداد کا مزاحمت استعمال کرتا ہوں۔



شکل 2.38: سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے دور کی مثال.

2.11 سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کے ادوار کا حل

قانون اوہم اور کرخوف کے قوانین کو بطور تجزیاتی آلات استعال کرتے ہوئے برقی ادوار حل کئے جاتے ہیں۔اب تک ہم سادہ ترین ادوار حل کرتے رہے ہیں۔اس جھے میں سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں پر مبنی بڑے ادوار حل کرنادیکھتے ہیں۔

مثال 2.16: شکل 2.38-الف کے دور میں تمام نا معلوم د باواور رو دریافت کریں۔

حل: ہم منبع سے دور ترین مزاحمت سے شروع کرتے ہوئے سلسلہ وار اور متوازی مزاحمتوں کی جگہ ان کا مساوی مزاحمت پر کرتے ہوئے آخر کار شکل ۔ 2.38-پ تک پہنچتے ہیں جہال سے i_1 اور v_a کیا جا سکتا ہے۔ان قیمتوں کو کرخوف کے قوانین اور قانون اوہم کے ساتھ استعال کرتے ہوئے مزید نا معلوم متغیرات حاصل کئے جائیں گے۔آئیں یہ عمل قدم باقدم دیکھیں۔

 $4\,\mathrm{k}\Omega$ ج جو $9\,\mathrm{k}\Omega + 3\,\mathrm{k}\Omega = 12\,\mathrm{k}\Omega$ مسابی منبع سے دور ترین $9\,\mathrm{k}\Omega$ اور $3\,\mathrm{k}\Omega$ مسابی وار جڑے ہیں۔ان کا مساوی مزاحمت $9\,\mathrm{k}\Omega$ اور $9\,\mathrm{k}\Omega$ اور $9\,\mathrm{k}\Omega$ متوازی ہے۔ یوں ان کا مساوی مزاحمت $9\,\mathrm{k}\Omega = 3\,\mathrm{k}\Omega$ ہوگا جے شکل-ب میں استعال کیا گیا ہے۔ شکل-ب میں $6\,\mathrm{k}\Omega$ اور $9\,\mathrm{k}\Omega$ کا مساوی $9\,\mathrm{k}\Omega$ ہوگا جس کے استعال سے شکل-پ حاصل ہوتا ہے۔ کا مساوی $9\,\mathrm{k}\Omega$ ہوگا جس کے استعال سے شکل-پ حاصل ہوتا ہے۔

شكل 2.38-پ ميں

$$i_1 = \frac{20}{4000 + 6000} = 2 \,\text{mA}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے قانون اوہم کے تحت

$$v_a = i_1 \times 6 \,\mathrm{k}\Omega = 12 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ شکل-ب میں ان قیمتوں کو د کھایا گیا ہے جہاں سے ظاہر ہے کہ 18 k مزاحمت پر 12 V دباوہے للذااس کی رو

$$i_2 = \frac{v_a}{18 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{12}{18000} = \frac{2}{3} \,\mathrm{mA}$$

ہو گی۔شکل-الف میں قانون رو سے

$$i_1 = i_2 + i_3$$

لکھتے ہوئے

$$i_3 = i_1 - i_2$$

$$= 2 \text{ mA} - \frac{2}{3} \text{ mA}$$

$$= \frac{4}{3} \text{ mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ شکل-ب میں i₃ کے استعال سے

$$v_b = i_3 \times 3 \text{ k}\Omega$$
$$= \frac{4}{3} \times 10^{-3} \times 3000$$
$$= 4 \text{ V}$$

حاصل ہوتا ہے۔اب شکل-الف میں v_b جانتے ہوئے i_4 حاصل کرتے ہیں۔

$$i_4 = \frac{v_b}{4 \,\mathrm{k}\Omega}$$
$$= \frac{4}{4000}$$
$$= 1 \,\mathrm{mA}$$

قانون رو سے

$$i_3 = i_4 + i_5$$

لکھتے ہوئے

$$i_5 = i_3 - i_4$$

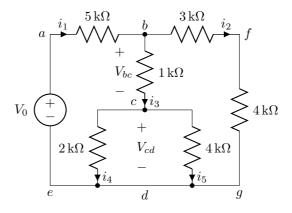
$$= \frac{4}{3} \text{ mA} - 1 \text{ mA}$$

$$= \frac{1}{3} \text{ mA}$$

حاصل ہوتا ہے جسے استعال کرتے ہوئے قانون اوہم سے

$$v_c = i_5 \times 9 \text{ k}\Omega$$
$$= \frac{1}{3} \times 10^{-3} \times 9000$$
$$= 3 \text{ V}$$

لکھا جا سکتا ہے۔



شكل 2.39: سلسلم وار اور متوازى مزاحمتون كا دور.

مثال 2.17: شکل 2.39 میں $i_5=2\,\mathrm{mA}$ ہونے کی صورت میں تمام نامعلوم متغیرات دریافت کریں۔

حل: یہ مثال گزشتہ مثال کے الٹ ہے۔ یہاں دور میں کسی ایک مقام کے رو (یا دباو) سے منبع کی دباو اور دیگر متغیرات دریافت کیے جائیں گے۔دی معلومات سے قانون اوہم کے ذریعہ

$$v_{cd} = i_5 \times 4 \,\mathrm{k}\Omega$$
$$= 2 \times 10^{-3} \times 4000$$
$$= 8 \,\mathrm{V}$$

لکھا جا سکتا ہے جسے استعال کرتے ہوئے قانون اوہم کی مدد سے

$$i_4 = \frac{v_{cd}}{2 \,\mathrm{k}\Omega}$$
$$= \frac{8}{2000}$$
$$= 4 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔ کرخوف قانون رو

$$i_3 = i_4 + i_5$$

= 4 mA + 2 mA
= 6 mA

حاصل ہوتا ہے۔ یوں قانون اوہم سے

$$v_{bc} = i_3 \times 1 \,\mathrm{k}\Omega$$
$$= 6 \times 10^{-3} \times 1000$$
$$= 6 \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔ دائرہ debfg پر کرخوف قانون دباو

$$V_{cd} + V_{bc} = i_2 \times 3 \,\mathrm{k}\Omega + i_2 \times 4 \,\mathrm{k}\Omega$$

لکھا جائے گا جس سے

$$i_2 = \frac{V_{cd} + V_{bc}}{3 \,k\Omega + 4 \,k\Omega}$$
$$= \frac{8 + 6}{3000 + 4000}$$
$$= 2 \,\text{mA}$$

حاصل ہوتاہے۔ کرخوف قانون روسے

$$i_1 = i_2 + i_3$$

= 2 mA + 6 mA
= 8 mA

حاصل ہوتا ہے جسے قانون اوہم میں استعال کرتے ہوئے

$$V_{ab} = i_1 \times 5 \text{ k}\Omega$$
$$= 8 \times 10^{-3} \times 5000$$
$$= 40 \text{ V}$$

a عاصل ہوتا ہے جہاں V_{ab} نقطہ b کے حوالے سے نقطہ a پر دباو ہے۔دائرہ v_{ab} پر کرخوف قانون دباو

$$V_0 = V_{ab} + V_{bc} + V_{cd}$$

لکھا جائے گا جس سے منبع کا دباو

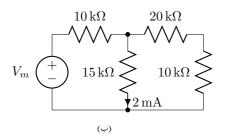
$$V_0 = 40 + 6 + 8$$

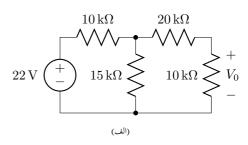
= 54 V

حاصل ہوتا ہے۔

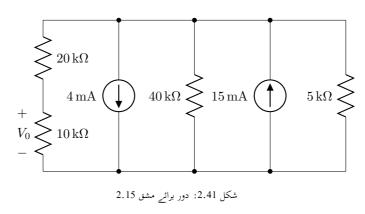
مشق 2.13: شكل 2.40-الف ميس V_0 دريافت كريں۔

جواب: 3.667V





شكل 2.14: دور برائع مشق 2.13 اور مشق 2.14



مشق 2.14: شكل 2.40-ب مين V_m دريافت كريں۔

جواب: 60 V

مشق 2.15: شکل 2.41 میں V_0 دریافت کریں۔

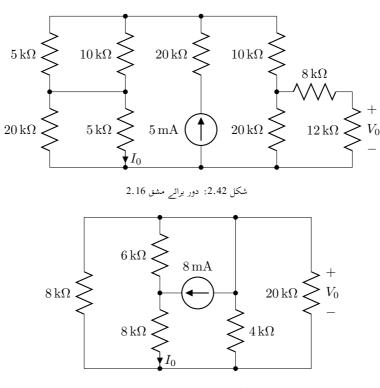
جواب: 14.19 V

مشق 2.16: شکل 2.42 میں V_0 اور I_0 دریافت کریں۔

بوابات: 2.93 mA ، 8.05 V

مشق 2.17: شکل 2.43 میں V_0 اور I_0 وریافت کریں۔

. 2.94 mA ، −6.906 V جوابات:



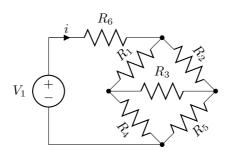
شكل 2.43: دور برائح مشق 2.17

2.12 ستاره-تكون تبادله

ہم نے اب تک ایسے ادوار دیکھے جن میں سلسلہ وار مزاحمتوں اور متوازی مزاحمتوں کی جگہ مساوی مزاحمت نسب کرتے ہوئے سادہ دور حاصل کیا گیا۔ اس حصے میں جس ترکیب پر غور کیا جائے گا، اس کی اہمیت شکل 2.44 سے واضح ہو گی۔ آپ اس دور میں i حاصل کرنے کی کوشش کریں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس میں کوئی بھی دو مزاحمت سلسلہ وار یا متوازی نہیں جڑے لہذا اس دور کی سادہ صورت گزشتہ ترکیب سے حاصل نہیں کی جاسکتی۔ کیا اچھا ہوتا اگر ایک صورت میں دور کے بچھ جھے کی جگہ متبادل دور نسب کرتے ہوئے اسے قابل حل بنانا ممکن ہوتا۔ خوش قسمتی سے ایسا کرنا ممکن ہے۔ اس ترکیب کو مستادہ۔ تکونی تبادلہ δ کے δ ہیں۔ آئیں ستادہ۔ تکون تبادلہ کرتے ہیں۔ آئیں ستادہ۔ تکون تبادلہ کے ترکیب پر غور کریں۔

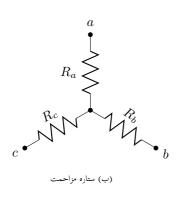
شکل 2.45-الف میں تین مزاحمت تکونی کی شکل 🛕 میں جڑے ہیں جبکہ شکل-ب میں تین مزاحمت ستارہ کی شکل Y میں جڑے ہیں۔ہم ستارہ مزاحمت کی جگہ ستارہ مزاحمت اس صورت نسب کر سکتے ہیں جب اس تبدیلی سے بقایا دور پر کوئی اثر نہ پڑے۔یوں اگر کسی دور

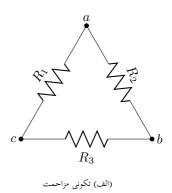
wye-delta transformation³⁵



شكل 2.44: اس دور كو سلسله وار اور متوازى مزاحمتون كي طرح حل نهين كيا جا سكتا.

2.12. ستاره-تكون تبادلہ





شكل 2.45: ستاره-تكون مبدل

میں تین نقطوں b ، a اور c کے در میان تکونی مزاحمت (ستارہ مزاحمت) جڑے ہوں تب انہیں تین نقطوں پر مبدل ستارہ مزاحمت (سکونی مزاحمت) نسب کرنے سے بقایادور میں کسی بھی مقام پر د باواور رو میں تبدیلی رو نما نہیں ہونی چاہیے۔ایساتب ممکن ہوگا کہ ان تین نقطوں پر بھی د باواور رو میں کوئی تبدیلی نہیں پیدا ہونی چاہیے۔
تبدیلی نہ پیدا ہو یعنی a-b اور a-c کے در میان مزاحمت میں تبدیلی نہیں پیدا ہونی چاہیے۔

ستارہ- تکونی تبادلہ abc کے ساتھ کسی بھی دور کے لئے کارآمد ہونا چاہیے۔یوں یہ تبادلہ اس صورت بھی کارآمد ہونا ضروری ہے جب a اور b دور کے ساتھ منسلک ہوں جبکہ c آزاد ہو اور کہیں نہ جڑا ہو۔ایسی صورت میں شکل 2.45-الف سے a – c کی مزاحمت درج ذیل حاصل ہوتی ہے

$$R_{ab} = \frac{R_2(R_1 + R_3)}{R_1 + R_2 + R_3}$$

جبکه شکل 2.45-ب سے a-c کی مزاحمت

$$R_{ab} = R_a + R_b$$

حاصل ہوتی ہے۔مندرجہ بالا دونوں قیت برابر ہوناضر وری ہے لینی

$$(2.57) R_{ab} = \frac{R_2(R_1 + R_3)}{R_1 + R_2 + R_3} = R_a + R_b$$

اسی طرح اگر b کہیں بھی نہ جڑا ہو تب دونوں اشکال سے a-c کی مزاحمت برابر پر کرنے سے

$$(2.58) R_{ac} = \frac{R_1(R_2 + R_3)}{R_1 + R_2 + R_3} = R_a + R_c$$

b-c عاصل ہوتا ہے۔ اگر a کہیں بھی نہ جڑا ہوتب دونوں اشکال سے b-c کی مزاحمت برابر پر کرنے سے

$$(2.59) R_{bc} = \frac{R_3(R_1 + R_2)}{R_1 + R_2 + R_3} = R_b + R_c$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 2.57، مساوات 2.58 اور مساوات 2.59 تین عدد مساوات ہیں جنہیں R_b ، R_a اور R_c کے لئے حل کرنے سے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

(2.60)
$$R_{a} = \frac{R_{1}R_{2}}{R_{1} + R_{2} + R_{3}}$$
$$R_{b} = \frac{R_{2}R_{3}}{R_{1} + R_{2} + R_{3}}$$
$$R_{c} = \frac{R_{1}R_{3}}{R_{1} + R_{2} + R_{3}}$$

66 مزاحمتي ادوار

اسی طرح مساوات 2.57 تا مساوات 2.59 کو R_2 ، R_1 اور R_3 کے لئے حل کرنے سے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

(2.61)
$$R_{1} = \frac{R_{a}R_{b} + R_{b}R_{c}R_{c}R_{a}}{R_{b}}$$

$$R_{2} = \frac{R_{a}R_{b} + R_{b}R_{c}R_{c}R_{a}}{R_{c}}$$

$$R_{3} = \frac{R_{a}R_{b} + R_{b}R_{c}R_{c}R_{a}}{R_{a}}$$

مساوات 2.60 تکونی مزاحمت سے ستارہ مزاحمت کی قیمتیں دیتا ہے جبکہ مساوات 2.61 ستارہ مزاحمت سے تکونی مزاحمت کی قیمتیں دیتا ہے۔

مثق 2.18: مساوات 2.60 حاصل کریں۔

مشق 2.19: مساوات 2.61 حاصل كريں۔

شکل 2.44 کی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔اسے شکل 2.46-الف میں دوبارہ دکھایا گیا ہے جہاں تکون abc کی نشاندہی کرتے ہوئے R_1 اور R_2 اور R_3 اور R_3 کا مبدل ستارہ ہلکی سابی میں دکھایا گیا ہے۔ شکل 2.46-ب میں شکون کی جگہ ستارہ نسب دکھایا گیا ہے جہاں سے واضح ہے کہ نیا دور قابل حل ہے۔ نئی شکل میں مزاحمت R_c اور R_c ستارہ جڑے ہیں۔

مثال 2.18: شکل 2.44 میں i حاصل کریں۔ دیگر معلومات درج ذیل ہیں۔

 $V_1 = 16 \,\mathrm{V}, \quad R_1 = 10 \,\mathrm{k}\Omega, \quad R_2 = 15 \,\mathrm{k}\Omega, \quad R_3 = 5 \,\mathrm{k}\Omega, \quad R_4 = \frac{1}{3} \,\mathrm{k}\Omega, \quad R_5 = \frac{1}{2} \,\mathrm{k}\Omega, \quad R_6 = 1.8 \,\mathrm{k}\Omega$

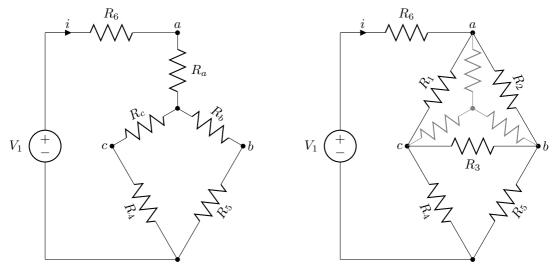
حل: مساوات 2.60 کی مدد سے ستارہ مزاحمت حاصل کرتے ہیں۔

$$R_a = \frac{10000 \times 15000}{10000 + 15000 + 5000} = 5 \text{ k}\Omega$$

$$R_b = \frac{15000 \times 5000}{10000 + 15000 + 5000} = \frac{5}{2} \text{ k}\Omega$$

$$R_c = \frac{10000 \times 5000}{10000 + 15000 + 5000} = \frac{5}{3} \text{ k}\Omega$$

2.12. ستاره-تكون تبادلہ



(ب) تکون کی جگہ ستارہ نسب کرنے سے دور قابل حل ہو گیا ہے۔

(الف) بالائی تکون کی جگہ ستارہ نسب کیا جا رہا ہے۔ستارہ کو ہلکی سیابی میں دکھایا گیا ہے۔

شكل 2.46: تكون-ستاره تبادله.

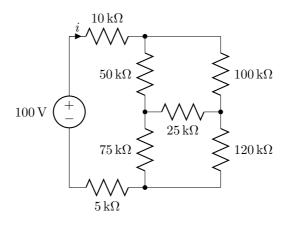
ان قیمتوں کو شکل
$$R_{c}$$
 - بین پُر کرتے ہیں۔ اب R_{c} اور R_{d} سلسلہ وار جڑے ہیں الہذا ان کا مساوی مزاحمت $R_{c4}=\frac{5}{3}$ لا $\Omega+\frac{1}{3}$ لا $\Omega=2$ لا Ω $R_{c4}=\frac{5}{3}$ لا $\Omega+\frac{1}{3}$ لا $\Omega=2$ لا Ω سلسلہ وار جڑے ہیں جن کا مساوی مزاحمت $R_{b5}=\frac{5}{2}$ لا $\Omega+\frac{1}{2}$ لا $\Omega=3$ لا Ω $R_{b5}=\frac{5}{2}$ لا $\Omega+\frac{1}{2}$ لا $\Omega=3$ لا Ω $R_{b5}=\frac{5}{2}$ $R_{c}=\frac{2000\times3000}{2000+3000}=1.2$ لا Ω $R_{c}=\frac{2000\times3000}{2000+3000}=1.2$ لا Ω $R_{c}=\frac{2000\times3000}{2000+3000}=1.2$ لا Ω $R_{c}=\frac{16}{1800+5000+1200}=2$ mA

مساوات 2.60 اور مساوات 2.61 عمومی مساوات ہیں۔ متوازن تکون میں $R_1=R_2=R_3$ ہو گا۔الیمی صورت میں مساوات 2.60 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

$$(2.62) R_{\rm Y} = \frac{R_{\Delta}}{3}$$

اسی طرح متوازن ستارے میں صورت اختیار کرتی ہیں۔ $R_a=R_b=R_c$ ہو گا۔ایکی صورت میں مساوات 2.61 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

$$(2.63) R_{\Delta} = 3R_{Y}$$



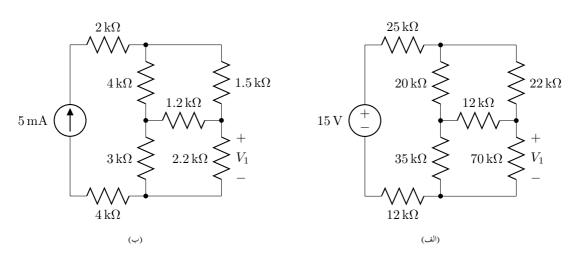
شكل 2.47: مشق 2.20 كا دور.

مثق 2.20: شکل 2.47 میں تکون-ستارہ مبدل کی مدد سے i دریافت کریں۔

بواب: 1.05778 mA

مثق 2.21: شکل V_1 -الف میں تکون-ستارہ مبدل کی مدد سے V_1 دریافت کریں۔

جواب: 5.103 V



شكل 2.48: مشق 2.21 اور مشق 2.22 كا دور.

مثق 2.22: شکل V_1 - میں تکون - شارہ مبدل کی مدد سے V_1 دریافت کریں۔

جواب: 6.609 V

تابع منبع استعمال كرتر ادوار 2.13

تابع منبع استعال كرتے ادوار بوقيات 36 كے ميدان ميں اہم كردار اداكرتے ہيں جہال دو جوڑ ٹوانزسٹر 37،ميداني ٹوانزسٹر 38، ماسفيٹ 99 وغيره ك ریاضی نمونے تابع منبع کو استعال کرتے ہوئے بنائے جاتے ہیں۔اس جھے میں تابع منبع استعال کرنے والے سادہ ترین ادواریر مثالوں کی مدد سے غور کیا جائے گا۔ تابع منبع استعال کرتے ادوار حل کرنے کی ترکیب مندر جہ ذیل ہے۔

- تابع منبع کو غیر تابع منبع تصور کرتے ہوئے در کار کرخوف مساوات لکھیں۔
 - تابع منبع کی قابو مساوات لکھیں۔
- ان ہمزاد مساوات کو حل کریں۔ یاد رہے کہ مساوات کی تعداد نامعلوم متغیرات کے برابر ہوناضر وری ہے۔

مثال 2.19: شکل 2.49 میں دباوسے قابو منبع دباو استعال کیا گیا ہے۔ایسی تابع منبع کو دباو قابع منبع دباو 40 کہتے ہیں۔اس دور میں i اور V_2 دریافت کریں۔

حل: کرخوف قانون د ہاو ہے

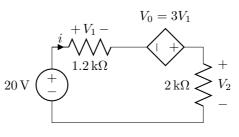
$$-20 + 1200i - V_0 + 2000i = 0$$

electronics36

Bipolar Junction Transistor, BJT³⁷

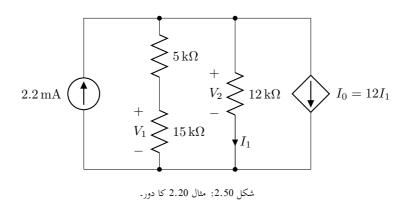
Field Effect Transistor, FET^{38}

Metal Oxide Semiconductor Field Effect Transistor, MOSFET³⁹ voltage controlled voltage source⁴⁰



شكل 2.49: مثال 2.19 كا دور.

70 مزاحمتي ادوار



لکھتے ہیں۔ تابع منبع کی قابو مساوات درج ذیل ہے۔

$$V_0 = 3V_1 = 3 \times 1200i$$

مندرجه بالا دو ہمزاد مساوات کو حل کرنے سے

 $i = -50 \,\mathrm{mA}$

حاصل ہوتا ہے جسے استعال کرتے ہوئے

$$V_2 = 2000 \times (-50 \times 10^{-3})$$

= -100 V

ملتاہے۔

مثال 2.20: شکل 2.50 میں رو تابع منبع رو 14 استعال کیا گیا ہے۔اس دور میں V_1 دریافت کریں۔

حل: دباو V_2 استعال کرتے ہوئے بالائی جوڑ پر کرخوف قانون رو لکھتے ہیں۔

$$-2.2 \times 10^{-3} + \frac{V_2}{5000 + 15000} + \frac{V_2}{12000} + I_0 = 0$$

منبع کی قابو مساوات بھی لکھتے ہیں۔

$$I_0 = 12I_1 = \frac{12 \times V_2}{12000}$$

مندرجه بالا دونول مساواتوں سے درج ذیل

$$-2.2 \times 10^{-3} + \frac{V_2}{5000 + 15000} + \frac{V_2}{12000} + \frac{12 \times V_2}{12000} = 0$$

لکھتے ہوئے

$$V_2 = \frac{33}{17} \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے در کار دباو حاصل کرتے ہیں۔

$$V_1 = \left(\frac{15000}{5000 + 15000}\right) V_2$$
$$= \left(\frac{15000}{5000 + 15000}\right) \times \frac{33}{17}$$
$$= 1.456 \text{ V}$$

حل: خارجی جانب R_C اور R_L متوازی جڑے ہیں جن کی جگہ مساوی مزاحمت R_C نسب کیا جا سکتا ہے۔

$$R_M = \frac{R_C R_L}{R_C + R_L}$$

اییا کرنے سے شکل-ب حاصل ہوتا ہے جہاں بائیں دائرے کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_{be} = \frac{r_{be}v_s}{R_S + r_{be}}$$

شکل-ب میں دائیں دائرے سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_0 = -g_m v_{be} R_M$$

درج بالا دونوں مساواتوں کو ملاتے ہوئے

$$v_0 = -g_m \left(\frac{r_{be} v_s}{R_S + r_{be}}\right) R_M$$

حاصل ہوتا ہے جہاں سے افٹرائش دباو حاصل ہوتی ہے۔

$$A_v = \frac{v_0}{v_s} = -\frac{g_m r_{be} R_M}{R_S + r_{be}}$$

مثال 2.22: شکل 2.52 میں رو تابع منبع دباو 45کا استعال و کھایا گیا ہے۔اس دور میں خارجی دباو Vo حاصل کریں۔

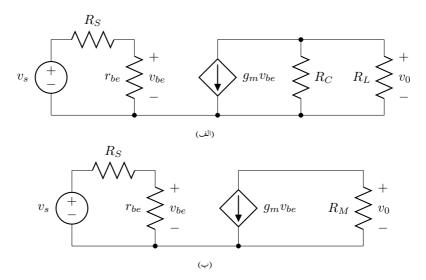
common emitter amplifier⁴²

voltage controlled current source⁴³

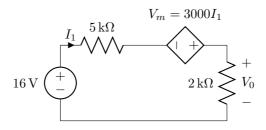
voltage gain[∓]

current controlled voltage source⁴⁵

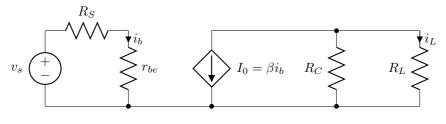
72 باب 2. مزاحمتی ادوار



شكل 2.51: ايمثر مشترك ايمپليفائر كا مساوى دور.



شکل 2.52: رو تابع منبع دباو کے استعمال کی مثال۔



شكل 2.53: موصليت نما ايمپليفائر كا مساوى دور.

حل: كرخوف قانون د باوسے درج ذيل لكھا جاسكتا ہے۔

$$-16 + 5000I_1 - V_m + 2000I_1 = 0$$

منبع کی قابو مساوات درج ذیل ہے۔

$$V_m = 3000I_1$$

مندرجه بالا دو مساواتوں کو ملاتے ہوئے

$$-16 + 5000I_1 - 3000I_1 + 2000I_1 = 0$$

لکھا جا سکتا ہے جس سے

$$I_1 = \frac{16}{4000}$$

= 4 mA

حاصل ہوتا ہے۔ یوں قانون اوہم کی مدد سے خارجی دباو

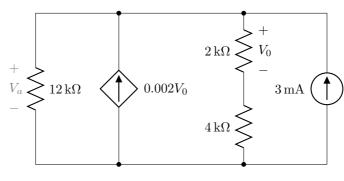
$$V_0 = 4 \times 10^{-3} \times 2000$$

= 8 V

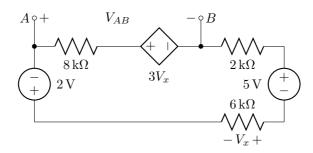
حاصل ہوتاہے۔

مثق 2.23: شکل 2.53 میں موصلیت نما ایمپلیفائو 46 کا مساوی دور دکھایا گیا ہے۔افزائش موصلیت نما 47 کی مساوات حاصل کریں اور 48 کی مساوات حاصل کریں اور 48 کی صورت میں افٹرائش کی قیمت دریافت کریں۔ 48 کی صورت میں افٹرائش کی قیمت دریافت کریں۔

$$-0.324 \, rac{\mathrm{A}}{\mathrm{V}}$$
 ، $A_g = -eta \left(rac{1}{R_S + r_{be}}
ight) \left(rac{R_C}{R_C + R_L}
ight)$: چاپ



شكل 2.54: مشق 2.24 كا دور.



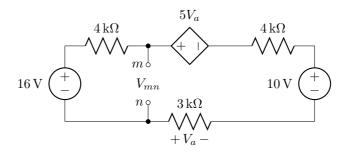
شكل 2.25: مشق 2.25 كا دور.

شق 2.25: شکل 2.55 میں V_{AB} دریافت کریں۔	
شق 2.26: شكل 2.56 ملين	

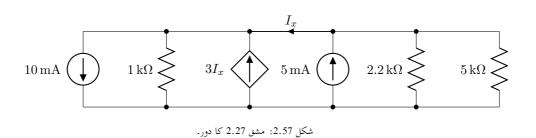
مثق 2.27: شکل 2.57 میں I_{χ} دریافت کریں۔

مثق 2.24: شكل 2.54 ميں V_0 كى قمت حاصل كريں۔

 $^{{\}rm transconductance~amplifier^{46}} \\ {\rm transconductance~gain^{47}}$



شكل 2.56: مشق 2.26 كا دور.



76 باب 2. مزاحمتی ادوار

باب 3

جوڑ اور دائری تجزیہ

گزشتہ باب میں سادہ ترین ادوار کو کرخوف قوانین سے حل کرناد کھایا گیا۔اس باب میں متعدد جوڑ اور متعدد دائروں والے ادوار کو کرخوف قوانین سے حل کرناد کھایا جاتا حل کرناد کھایا جائے گا۔کرخوف قانون روسے ہر جوڑ پر داخلی اور خارجی رو کے مجموعوں کو برابر پر کرتے ہوئے دور کے تمام جوڑوں پر دباو حاصل کیا جاتا ہے۔اس کے برعکس کرخوف قانون دباو کی مدد سے دور کے ہر دائرے میں دباو کے مجموعے کو دائرے میں دباو کے برخواو کے مجموعے کے برابر پر کرتے ہوئے تمام دائروں کی رو حاصل کی جاتی ہے۔عموماً دوریا تو کرخوف قانون دباو اور یا کرخوف قانون دوسے زیادہ آسانی سے حل ہوتا ہے۔آسان طریقہ چننااس باب میں سکھایا جائے گا۔

3.1 تجزیہ جوڑ

دور کو ترکیب جوڑ اسے حل کرتے ہوئے جوڑ کے دباو کو نامعلوم متغیرات چننا جاتا ہے۔ کسی ایک جوڑ کو حوالہ چنتے ہوئے بقایا جوڑ کے دباو اس جوڑ سے ناپے جاتے ہیں۔ یوں جس جوڑ کو حوالہ چننا گیا ہو، اس کی دباو کو صفر وولٹ تصور کیا جاتا ہے اور اس جوڑ کو برقی زمین کہا جاتا ہے۔ عموماً اس جوڑ کو برقی زمین کو ڈبے چننا جاتا ہے جس کے ساتھ سب سے زیادہ پرزے جڑے ہوں۔ عموماً آلات کو موصل ڈبوں میں بند رکھا جاتا ہے اور عام طور دور کے برقی زمین کو ڈبے کی سطح بھی کا کی پر ہوتی ہے۔

ہم دباو جوڑ کے متغیرات کو مثبت تصور کریں گے۔ حقیق دباو کی قیمت زمین کی نسبت سے منفی ہونے کی صورت میں تجزیے سے منفی قیمت حاصل ہو گا۔

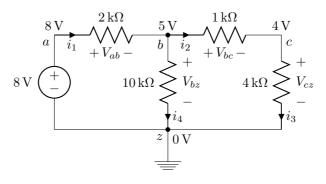
آئیں دباو جوڑ جاننے کی افادیت کو شکل 3.1 کی مدد سے جانیں۔اس دور میں c ، b ، a اور z جوڑ پائے جاتے ہیں۔ہم نے جوڑ z کو برقی زمین چننا ہے لہذااس کی دباو 0V ہے۔بقایا تین جوڑ کی دباو کو شکل میں د کھایا گیا ہے۔ برقی زمین کو علامت سے ظاہر کیا گیا ہے۔

بالائی بائیں مزاحت پر دباو درج ذیل پایا جاتا ہے

$$V_{ab} = V_a - V_b$$
$$= 8 - 5$$
$$= 3 V$$

nodal analysis¹

78 باب 3. جوڑ اور دائری تجزیہ



شکل 3.1: دباو جوڑ سے بازو کی رو حاصل کی جا سکتی ہے۔

للذا قانون اوہم سے مزاحمت میں رو درج ذیل حاصل کی جاتی ہے۔

$$i_1 = \frac{V_{ab}}{2 \text{ k}\Omega}$$
$$= \frac{3}{2000}$$
$$= 1.5 \text{ mA}$$

اسی طرح بالائی دائیں مزاحت پر دباو درج ذیل ہوگا

$$V_{bc} = V_b - V_c$$
$$= 5 - 4$$
$$= 1 V$$

جس سے رو

$$i_2 = \frac{V_{bc}}{1 \text{ k}\Omega}$$
$$= \frac{1}{1000}$$
$$= 1 \text{ mA}$$

حاصل ہوتی ہے۔درمیانے مزاحت پر دباواور اس کی رو درج ذیل ہیں۔

$$V_{bz} = V_b - V_z$$
= 5 - 0
= 5 V
$$i_4 = \frac{V_{bz}}{10 \text{ k}\Omega}$$
= $\frac{5}{10000}$
= 0.5 mA

چونکہ 1kA اور 4kA سلسلہ وار جڑے ہیں للذا 4kA میں بھی 1mA رو پائی جائے گی۔آپ اسی قیمت کو دباو جوڑ سے بھی حاصل کر سکتے

ہیں یعنی

$$V_{cz} = V_c - V_z$$

$$= 4 - 0$$

$$= 4 V$$

$$i_3 = \frac{V_{cz}}{4 k\Omega}$$

$$= \frac{4}{4000}$$

$$= 1 \text{ mA}$$

یبال اتمنان کر لیل که تمام جوڑوں پر آمدی رو اور خارجی رو برابر ہوں۔ جوڑ b پر آمدی رو 1.5 mA ہے جو خارجی رو کے مجموعے + 1 mA میں۔ جوڑ a پر کرخوف قانون روسے منبع دباو کے مثبت سرے سے خارجی رو 1 mA ہیں۔ جوڑ a پر کرخوف قانون روسے منبع دباو کے مثبت سرے سے خارجی رو 1.5 mA عاصل ہوتی ہے۔

کسی مجلی دو جوڑ m اور n کے مابین جڑی مزاحمت R_{mn} کی رو i_R قانون اوہم

$$i_R = \frac{v_m - v_n}{R_{mn}}$$

سے حاصل کی جاتی ہے۔

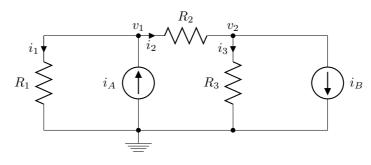
اب جب ہم دباو جوڑ کی افادیت جان چکے ہیں آئیں ترکیب جوڑ پر غور کریں۔ اگر دور میں J جوڑ پائے جاتے ہوں تب ہمیں J دباو دریافت کرنے ہوں گے۔ کسی ایک جوڑ کو زمین چنتے ہوئے اس کی دباو J0 تصور کی جاتی ہے۔ یوں بقایا J1 جوڑ کی دباو کو نا معلوم متغیرات تصور کیا جاتا ہے۔ ان J1 جوڑ پر کرخوف قانون رو کا اطلاق کرتے ہوئے J1 مساوات کصے جاتے ہیں۔ آپ جانتے ہیں ہیں کہ J1 متغیرات معلوم کرنے کی خاطر J1 جمزاد مساوات در کار ہیں۔ یوں ان J1 ہمزاد مساوات کے حل سے تمام نا معلوم دباو جوڑ حاصل ہوتے ہیں۔ کسی بھی جوڑ پر کروخوف کی مساوات کسی ہوئے جوڑ سے منسلک تمام بازو کی روکو مساوات J1 کی طرز پر کھا جاتا ہے۔ یوں مزاحت جانتے ہوئے، روکو نا معلوم دباو کی صورت میں کسی جاتے ہوئے مرافی کی مساوات میں صرف نا معلوم دباو بطور متغیرات پائے جائیں گے۔

یاد رہے کہ برتی دباو دو نقطوں کے مابین ہوتا ہے۔ کسی نقطے کی حتمی دباو کوئی معنی نہیں رکھتی۔ جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مساوات لکھتے ہوئے جوڑ کا دباو زمین کے حوالے سے 8V ہے اور جوڑ کا کا دباو جوڑ کے کوالے سے 5V نمین کے حوالے سے 8V ہے اور جوڑ کے کوالے سے 8V ہے۔ اس کے برعکس جوڑ کا کا دباو 2V ہے جبکہ جوڑ کا کے حوالے سے جوڑ کی کا دباو 2V ہے۔ سے جوڑ کی کا دباو 2V ہے۔ سے جوڑ کی کا دباو 2V ہے۔ سے جوڑ کی کا دباو کا دباو کا دباو کا دباو کا دباو کا دباو 2V ہے۔

آئیں ترکیب جوڑ کو چند مثالوں کی مدد سے سیکھیں۔ہم آسان ترین مثال سے شروع کرتے ہوئے بتدریج مشکل مثال پیش کریں گے۔

3.2 غير تابع منبع استعمال كرنر والر ادوار

شکل 3.2 میں تین جوڑ والا دور دکھایا گیا ہے جن میں نچلے جوڑ کو زمین چننا گیا ہے۔بقایا دو جوڑ کے نامعلوم برقی دباو کو متغیرات v_1 اور v_2 ظاہر کرتے ہیں۔ہم تمام شاخوں میں روکی سمت چنتے ہیں۔یوں i_1 کو بالائی بائیں جوڑ سے زمین کی جانب رواں چننا گیا ہے۔اسی طرح i_2 کو بالائی بائیں جوڑ سے زمین کی طرف رواں چننا گیا ہے۔ بالائی دائیں جوڑکی جانب رواں چننا گیا ہے جبکہ i_3 کو بالائی دائیں جوڑ سے زمین کی طرف رواں چننا گیا ہے۔ باب 3. جوڑ اور دائری تجزیہ



شكل 3.2: تين جوڙ والا دور۔

بالائی بائیں جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مساوات کھتے ہیں۔جوڑ سے خارجی رو کو مثبت اور داخلی رو کو منفی کھتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔ $i_1-i_A+i_2=0$

قانون اوہم استعال کرتے ہوئے اسے یوں

$$\frac{v_1}{R_1} - i_A + \frac{v_1 - v_2}{R_2} = 0$$

 $\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v_1 - \left(\frac{1}{R_2}\right) v_2 = i_A$

لکھا جا سکتا ہے۔ بالائی دائیں جوڑ کے لئے

$$-i_2 + i_3 + i_B = 0$$

اور

يا

$$-\left(\frac{v_1 - v_2}{R_1}\right) + \frac{v_2}{R_3} + i_B = 0$$

لعيني

$$-\left(\frac{1}{R_1}\right)v_1 + \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3}\right)v_2 = -i_B$$

لکھا جائے گا۔