# برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

# عنوان

1																																						نياد	1
1												 	 																	٠,	د با	ىرقى	واور	فيرو	، ر	قى بار	,	1.1	
6																															•	<b>-</b>		-	ب ، ہم	ِ قَی بار انونِ ا	;	1.2	
8																																				. رئي. انائي او		1.3	
~																																						1.0	
15																																				ِ قی پر ز		1.4	
15																																				.4.			
17		•					•	•	•								•	•	•			•	•	•	•							بع	البع	۳	]	.4.	2		
2.7																																						مزاحمتي	2
- '																																			c	ر انوناه	ازوا ••	رران 2.1	2
27	•		•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	 	 •	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	• •	•	•	و،م ا	الون! م			
35																																				ا نین ا		2.2	
51																																						2.3	
52												 	 																						إو	تشيم و	j	2.4	
56																																				نعدرس		2.5	
59																																				لسلهو		2.6	
61																																				نواز ی		2.7	
61																																				۔ تشیم رو		2.8	
69																																						2.9	
74	•			•	٠		•			•	•	 		•	•	•	•	•	•		•			•		•	•		٠,	•	•		ن	حمت	مزا	لطيط		2.10	
																																						2.11	
85												 																					زله	اتباد	نكوان	ئارە- "	-	2.12	
92												 																			وار	تےاو	کر۔	عال	استه	بع متبع	ľ	2.13	
101																																				, و	· /.	. 6 -	2
101																																			3			بو ڑاور د • • •	3
101																																				زبيه جو			
104																																							
117																																						3.3	
122	2.											 	 														. وار	لےاد	_1	نےو	لر_	نال	إسته	د باو	منبع	برتابع	š	3.4	

تالع منبع د باواستعال كرنے والے ادوار	3.5
دائری تجزییه	3.6
غير تالِع منتج استعال كرنے والے ادوار	3.7
غير تابع منع رواستعمال كرنے والے ادوار	3.8

### باب3

## جوڑاور دائری تجزیہ

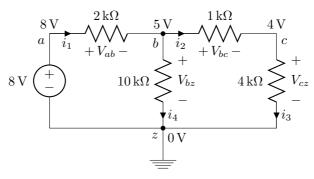
گزشتہ باب میں سادہ ترین ادوار کو کر خوف قوانین سے حل کرناد کھایا گیا۔اس باب میں متعدد جوڑ اور متعدد دائروں والے ادوار کو کرخوف قوانین سے حل کرناد کھایا جائے گا۔ کرخوف قانون روسے ہر جوڑ پر داخلی اور خارجی رو کے مجموعوں کو برابر پر کرتے ہوئے دور کے تمام جوڑوں پر دباو حاصل کیا جاتا ہے۔اس کے بر عکس کرخوف قانون دباو کی مدد سے دور کے ہما وی کہ دوسے دور کے ہما وی کہ دوسے کو دائرے میں دباو کے بڑھاو کے مجموعے کے برابر پر کرتے ہوئے تمام دائروں کی روحاصل کی جاتی ہے۔ عموماً دوریا تو کرخوف قانون دباو اوریا کرخوف قانون روسے زیادہ آسانی سے حل ہوتا ہے۔آسان طریقہ چننااس باب میں سکھایا جائے گا۔

### 3.1 تجزيه جوڙ

دور کو ترکیب جوڑ<sup>1</sup> سے حل کرتے ہوئے جوڑ کے دباو کو نامعلوم متغیرات چننا جاتا ہے۔ کسی ایک جوڑ کو حوالہ چنتے ہوئے بقایا جوڑ کے دباو کو صفر وولٹ تصور کیا جاتا ہے بقایا جوڑ کے دباو اس جوڑ کو جوالہ چننا گیا ہو، اس کی دباو کو صفر وولٹ تصور کیا جاتا ہے اور اس جوڑ کو برقی زمین کہا جاتا ہے۔ عموماً اس جوڑ کو برقی زمین چننا جاتا ہے جس کے ساتھ سب سے زیادہ پرزے جڑے ہوں۔ عموماً آلات کو موصل ڈبول میں بندر کھا جاتا ہے اور عام طور دور کے برقی زمین کو ڈبے کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ ایک صورت میں ڈبے کی سطح بھی VO پر ہوتی ہے۔

nodal analysis<sup>1</sup>

باب 3. جو ژاور دائر ي تحب زيه



شکل 1.3: د باوجوڑ سے بازو کی روحاصل کی جاسکتی ہے۔

ہم د باو جوڑ کے متغیرات کو مثبت تصور کریں گے۔ حقیقی د باوکی قیمت زمین کی نسبت سے منفی ہونے کی صورت میں تجزیے سے منفی قیمت حاصل ہوگی۔

آئیں دباو جوڑ جاننے کی افادیت کو شکل 3.1 کی مدد سے جانیں۔اس دور میں c ، b ، a اور z جوڑ پائے جاتے ہیں۔ہم نے جوڑ z کو برقی زمین چننا ہے المذااس کی دباو v0 ہے۔بقایا تین جوڑ کی دباو کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔ برقی زمین کو علامت سے ظاہر کیا گیا ہے۔

بالائی بائیں مزاحت پر دباو درج ذیل پایا جاتا ہے

$$egin{align} V_{ab} &= V_a - V_b \ &= 8 - 5 \ &= 3 \, \mathrm{V} \ \end{pmatrix}$$
 البذا قانون او ہم سے مزاحمت میں رو درج ذیل حاصل کی جاتی ہے۔  $i_1 = rac{V_{ab}}{2 \, \mathrm{k} \Omega} \ &= rac{3}{2000} \ &= 1.5 \, \mathrm{mA} \ \end{pmatrix}$ 

اسی طرح بالائی دائیں مزاحت پر دباو درج ذیل ہو گا

$$V_{bc} = V_b - V_c$$
$$= 5 - 4$$
$$= 1 V$$

3.1. تحبنيه ورئ

جس سے رو

$$i_2 = \frac{V_{bc}}{1 \text{ k}\Omega}$$
$$= \frac{1}{1000}$$
$$= 1 \text{ mA}$$

حاصل ہوتی ہے۔ در میانے مزاحت پر دباواور اس کی رو درج ذیل ہیں۔

$$V_{bz} = V_b - V_z$$

$$= 5 - 0$$

$$= 5 V$$

$$i_4 = \frac{V_{bz}}{10 \text{ k}\Omega}$$

$$= \frac{5}{10000}$$

$$= 0.5 \text{ mA}$$

چونکہ 1kA اور 4k0 سلسلہ وار جڑے ہیں المذا 4k0 میں بھی 1mA رو پائی جائے گی۔آپ اسی قیمت کو را وجوڑ سے بھی حاصل کر سکتے ہیں یعنی

$$V_{cz} = V_c - V_z$$

$$= 4 - 0$$

$$= 4 V$$

$$i_3 = \frac{V_{cz}}{4 k\Omega}$$

$$= \frac{4}{4000}$$

$$= 1 \text{ mA}$$

یہاں اتمنان کر لیں کہ تمام جوڑوں پر آمدی رو اور خارجی رو برابر ہوں۔جوڑ b پر آمدی رو  $1.5\,\mathrm{mA}$  ہیں۔جو خارجی رو کے مجموعے  $1\,\mathrm{mA} + 0.5\,\mathrm{mA}$  کے عین برابر ہے۔اسی طرح جوڑ c پر آمدی اور خارجی رو  $1\,\mathrm{mA}$  ہیں۔جوڑ a پر آمدی ور تی ہے۔

 $i_R$  کی ججی دو جوڑ m اور n کی مزاحمت  $R_{mn}$  کی رو $i_R$  قانون او جم  $i_R=rac{v_m-v_n}{R_{mn}}$ 

اب. 3. جوڑاور دائری تحب زید

### سے حاصل کی جاتی ہے۔

اب جب ہم دباو جوڑ کی افادیت جان چکے ہیں آئیں ترکیب جوڑ پر غور کریں۔اگر دور میں J جوڑ پائے جاتے ہوں تب ہمیں J دباو دریافت کرنے ہوں گے۔کسی ایک جوڑ کو زمین چنتے ہوئے اس کی دباو J0 تصور کی جاتی ہے۔یوں بقایا J1 جوڑ کی دباو کو نا معلوم متغیرات تصور کیا جاتا ہے۔ان J1 جوڑ پر کر خوف قانون رو کا اطلاق کرتے ہوئے J1 ہمزاد J1 مساوات کھے جاتے ہیں۔آپ جانتے ہیں ہیں کہ J1 متغیرات معلوم کرنے کی خاطر J1 ہمزاد مساوات در کار ہیں۔یوں ان J1 ہمزاد مساوات کے حل سے تمام نا معلوم دباو جوڑ حاصل ہوتے ہیں۔کسی بھی جوڑ پر کروخوف کی مساوات کھتے ہوئے جوڑ سے منسلک تمام بازو کی روکو مساوات J1 کی طرز پر کھا جاتا ہے۔یوں مزاحمت پر کروخوف کی مساوات میں صرف نا معلوم دباو کی صورت میں کھا جاتا ہے۔اس طرح کرخوف قانون روکی مساوات میں صرف نا معلوم دباو کی صورت ہیں گھا جاتا ہے۔اس طرح کرخوف قانون روکی مساوات میں صرف نا معلوم دباوکی صورت ہیں گھا جاتا ہے۔اس طرح کرخوف قانون روکی مساوات میں صرف نا معلوم دباوکی سے جائیں گے۔

یادرہے کہ برقی دباورو نقطوں کے مابین ہوتا ہے۔ کسی نقطے کی حتمی دباوکوئی معنی نہیں رکھتی۔ جوڑ پر کرخوف قانون روکی معنی نہیں رکھتی جوڑ z کا دباو کا کہ ہوڑ z کا دباو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ جوڑ کی کا دباو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ جوڑ کے کو کا کہ جوڑ کے کا دباو کا کہ کے کو کا کہ کا دباو کا کہ کے کو کا کہ کے کو کا کہ کے کو کا کہ کا کہ کا کہ کو کا کہ کو کا کہ کے کو کہ کے کے کو کا کہ کے کہ کے کہ کے کو کا کہ کے کو کر کے کہ کے کہ کہ کے کو کے کے کو کا کہ کے کہ کر کو کا کر کو کے کہ کے کہ کے کو کے کو کے کہ کے کہ کے کہ کے کو کے کو کے کہ کے کہ کے کہ کے کو کے کہ کے کو کے کو کے کو کے کو کے کہ کے کو کے کے کو کے ک

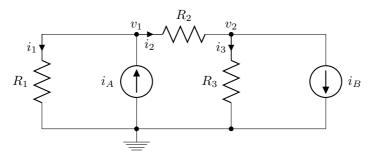
آئیں ترکیب جوڑ کو چند مثالوں کی مدد سے سکھیں۔ ہم آسان ترین مثال سے شروع کرتے ہوئے بتدریج مشکل مثال پیش کریں گے۔

### 3.2 غير تابع منبع رواستعال كرنے والے ادوار

شکل 3.2 میں تین جوڑ والا دور دکھایا گیا ہے جن میں نچلے جوڑ کو زمین چننا گیا ہے۔بقایا دو جوڑ کے نا معلوم برقی دباو کو متغیرات  $v_1$  اور  $v_2$  ظاہر کرتے ہیں۔ہم تمام شاخوں میں روکی سمت چنتے ہیں۔یوں  $i_1$  کو بالائی بائیں جوڑ سے زمین کی جانب روال چننا گیا ہے۔اسی طرح  $i_2$  کو بالائی بائیں جوڑ سے بالائی دائیں جوڑ کی جانب روال چننا گیا ہے جبکہ  $i_3$  کو بالائی دائیں جوڑ سے زمین کی طرف روال چننا گیا ہے۔

بالائی بائیں جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مساوات کھتے ہیں۔جوڑ سے خارجی رو کو مثبت اور داخلی رو کو منفی کھتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$(3.2) i_1 - i_A + i_2 = 0$$



شكل 3.2: تين جوڙوالادور \_

قانون اوہم استعال کرتے ہوئے اسے یوں

$$\frac{v_1}{R_1} - i_A + \frac{v_1 - v_2}{R_2} = 0$$

يا

(3.3) 
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} = i_A$$

لکھا جا سکتا ہے۔ بالائی دائیں جوڑ کے لئے

$$(3.4) -i_2 + i_3 + i_B = 0$$

اور

$$-\left(\frac{v_1 - v_2}{R_2}\right) + \frac{v_2}{R_3} + i_B = 0$$

لعيني

(3.5) 
$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right)v_2 = -i_B$$

لکھا جائے گا۔ نیلے جوڑ یعنی برقی زمین پر کرخوف قانون رو کی مساوات لکھتے ہیں۔

$$(3.6) -i_1 + i_A - i_3 - i_B = 0$$

مساوات 3.2 اور مساوات 3.4 کے مجموعے کو منفی ایک سے ضرب دینے سے مساوات 3.6 حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 3.2 مساوات 3.4 اور مساوات 3.6 میں کسی بھی دو مساواتوں سے تیسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے۔ یوں ان میں

اب. 3. جوڑاوردائری تحبزیہ

صرف دو عدد مساوات آزاد مساوات ہیں جبکہ تیسری مساوات تالع مساوات ہے۔ شکل 3.2 کے دور میں کل تین عدد جوڑ ہیں۔ آپ نے دیکھا کہ اس دور سے صرف دو عدد آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں بینی J=1 کی صورت میں J=1 آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔ J=1 آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

مساوات 3.3 اور مساوات 3.5 كو ايك ساتھ لكھتے ہيں۔

(3.7) 
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} = i_A$$

$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_2 = -i_B$$

 $R_3=0$  اور  $R_2=6\,\mathrm{k}\Omega$  ،  $R_1=4\,\mathrm{k}\Omega$  ،  $i_B=5\,\mathrm{m}\mathrm{A}$  ،  $i_A=2\,\mathrm{m}\mathrm{A}$  ، اور  $R_3=0$  مثال 3.1 شکل 3.2 مثال 3.2 مثال 3.1 شکل 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال 3.2 مثال مناخول میں روحاصل کریں۔

حل: مساوات 3.7 میں قیمتیں پُر کرتے ہیں

(3.8) 
$$\left(\frac{1}{4000} + \frac{1}{6000}\right) v_1 - \frac{v_2}{6000} = 0.002$$
$$-\frac{v_1}{6000} + \left(\frac{1}{6000} + \frac{1}{2000}\right) v_2 = -0.005$$

ان ہمزاد مساوات کو حل کرنے سے

$$v_1 = 2 V$$
$$v_2 = -7 V$$

حاصل ہوتا ہے۔ دباو جوڑ جانتے ہوئے شاخوں کی رو قانون اوہم سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i_1 = \frac{v_1}{R_1} = \frac{2}{4000} = 0.5 \,\text{mA}$$
 $i_2 = \frac{v_1 - v_2}{R_2} = \frac{2 - (-7)}{6000} = 1.5 \,\text{mA}$ 
 $i_3 = \frac{v_2}{R_3} = \frac{-7}{2000} = -3.5 \,\text{mA}$ 

مساوات 3.7 کو قالبی مساوات  $^2$  کی صورت میں کھتے ہیں۔

(3.9) 
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

قالبی مساوات میں

$$\mathbf{G} = \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{V} = \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{I} = \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

لیتے ہوئے اسے یوں لکھا جا سکتا ہے

GV = I

بس سے

$$V = G^{-1}I$$

حاصل ہوتاہے للمذا

(3.10) 
$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} i_A \\ -i_B \end{bmatrix}$$

لکھا جائے گا۔

آج کل کمپیوٹر کا زمانہ ہے۔ کمپیوٹر کی مدد سے قالبی مساوات نہایت آسانی سے حل کئے جا سکتے ہیں۔ آپ سے التماس ہے کہ کمپیوٹر پر قالبی مساوات حل کرناسیکھیں۔

matrix equation<sup>2</sup>

اب 3. جو ژاور دائری تحب زید

مثال 3.2: درج بالا مثال میں تمام دباو جوڑ کو مساوات 3.10 کی مدد سے حل کریں۔

حل: مساوات 3.10 میں دی معلومات پر کرتے ہوئے لکھتے ہیں۔

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2400} & -\frac{1}{6000} \\ -\frac{1}{6000} & \frac{1}{1500} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 0.002 \\ -0.005 \end{bmatrix}$$

 $G_{\text{G}}$  قالب G کاریاضی معکوس  $G^{-1}$  حاصل کرنے کی خاطر G کا شریک قالب

$$\mathbf{G}_{\text{con}} = \begin{bmatrix} \frac{1}{1500} & \frac{1}{6000} \\ \frac{1}{6000} & \frac{1}{2400} \end{bmatrix}$$

اور قالب کی حتمی قیمت

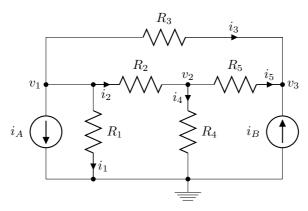
$$\begin{vmatrix} \frac{1}{2400} & -\frac{1}{6000} \\ -\frac{1}{6000} & \frac{1}{1500} \end{vmatrix} = \left(\frac{1}{2400}\right) \left(\frac{1}{1500}\right) - \left(-\frac{1}{6000}\right) \left(-\frac{1}{6000}\right)$$
$$= \frac{1}{4 \times 10^6}$$

در کار ہوں گے۔ یوں

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = 4 \times 10^6 \begin{bmatrix} \frac{1}{1500} & \frac{1}{6000} \\ \frac{1}{6000} & \frac{1}{2400} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.002 \\ -0.005 \end{bmatrix}$$
$$= 4 \times 10^6 \begin{bmatrix} 0.5 \times 10^{-6} \\ -1.75 \times 10^{-6} \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} 2 \\ -7 \end{bmatrix}$$

 $v_2 = -7$  اور  $v_2 = -7$  ہیں۔

آئیں شکل 3.3 کے کرخوف قانون رو کے مساوات لکھیں۔دور کے تمام شاخوں میں رو کی سمتیں چننی گئی ہیں۔ نیلے جوڑ کو زمین چننا گیا ہے اور یہی حقیقت زمین کی علامت سے ظاہر کی گئی ہے۔دور میں کل چار (J = 4) عدد جوڑ ہیں للذا



شکل 3.3: چار جوڑ کے دور سے تین عدد آزاد مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

اس سے تین (J-1=3) عدد آزاد مساوات حاصل کئے جائیں گے۔ پہلی جوڑ پر کرخوف قانون رواستعال کرتے ہوئے

$$i_1 + i_2 + i_3 + i_A = 0$$

کھا جائے گا جہاں جوڑ سے خارج رو کو مثبت کھا گیا ہے۔انفرادی شاخ کی رو کو قانون اوہم سے پُر کرتے ہوئے  $rac{v_1}{R_1}+rac{v_1-v_2}{R_2}+rac{v_1-v_3}{R_3}+i_A=0$ 

لعيني

(3.11) 
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

حاصل ہوتا ہے۔ دوسرے جوڑ سے

$$-i_2 + i_4 + i_5 = 0$$

لعيني

$$-\left(\frac{v_1 - v_2}{R_2}\right) + \frac{v_2}{R_4} + \frac{v_2 - v_3}{R_5} = 0$$

يا

$$(3.12) -\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right)v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

باب. 3. جو ژاور دائری تحب زیب

حاصل ہوتاہے۔ تیسری جوڑسے

$$-i_3 - i_5 - i_B = 0$$

لعيني

$$-\left(\frac{v_1 - v_3}{R_3}\right) - \left(\frac{v_2 - v_3}{R_5}\right) - i_B = 0$$

یا

(3.13) 
$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = i_B$$

عاصل ہوتاہے۔

مساوات 3.11 مساوات 3.12 اور مساوات 3.13 كو اكشم كوت مساوات

(3.14) 
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right) v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

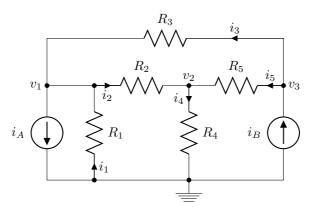
$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = i_B$$

قالبی مساوات کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(3.15) 
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_3} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} & -\frac{1}{R_5} \\ -\frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_5} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_A \\ 0 \\ i_B \end{bmatrix}$$

مندرجہ بالا مساوات کا دایاں بازو منبع روسے جوڑ میں داخل رودیتی ہے جبکہ اس کا بایاں بازو جوڑ سے خارجی رودیتی ہے۔ شکل 3.3 کو دوبارہ شکل 3.4 میں پیش کیا گیا ہے جہاں  $i_3$  ،  $i_1$  اور  $i_5$  کی سمتیں گزشتہ سمتوں کے الٹ چننی گئی ہیں۔ تین جوڑ کے مساوات درج ذیل کھے جائیں گے۔

$$i_A - i_1 + i_2 - i_3 = 0$$
  
 $-i_2 + i_4 - i_5 = 0$   
 $i_3 + i_5 - i_B = 0$ 



شكل 3.4: مزاحمتوں اور آزاد منبع روكی قالبی مساوات روكی چننی سمتوں پر منحصر نہیں۔

شاخوں کی رو قانون اوہم سے پُر کرتے ہوئے درج بالا کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$\begin{split} i_A - \left(\frac{0 - v_1}{R_1}\right) + \frac{v_1 - v_2}{R_2} - \left(\frac{v_3 - v_1}{R_3}\right) &= 0 \\ - \left(\frac{v_1 - v_2}{R_2}\right) + \frac{v_2}{R_4} - \left(\frac{v_3 - v_2}{R_5}\right) &= 0 \\ \frac{v_3 - v_1}{R_3} + \frac{v_3 - v_2}{R_5} - i_B &= 0 \end{split}$$

جنہیں ترتیب دینے سے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

(3.16) 
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = -i_A$$

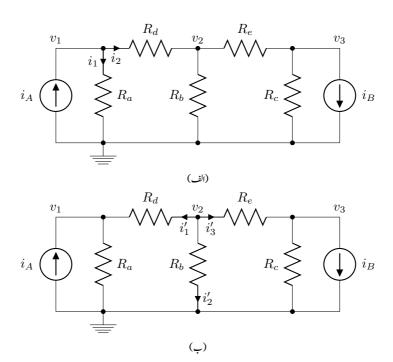
(3.17) 
$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right)v_2 - \frac{v_3}{R_5} = 0$$

(3.18) 
$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_5} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = i_B$$

اس کو قالبی مساوات کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(3.19) 
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_3} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} & -\frac{1}{R_5} \\ -\frac{1}{R_3} & -\frac{1}{R_5} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_A \\ 0 \\ i_B \end{bmatrix}$$

باب. 3. جو ژاور دارُی تحب زیب



شکل 5.5: تمام جوڑ پر مزاحمتی شاخوں میں روکی سمت جوڑ سے خارج ہوتی تصور کر سکتے ہیں۔

مساوات 3.15 اور مساوات 3.19 بالكل كيسال ہيں۔ يوں آپ د كيھ سكتے ہيں كہ قالبى مساوات كا دارو مدار شاخوں ميں روكى كى چننى گئى سمتوں پر منحصر نہيں ہوتا۔ اس كتاب ميں اس حقيقت كو استعمال كرتے ہوئے ہم جوڑ پر كرخوف قانون روكى مساوات لكھتے ہوئے مزاحمتی شاخوں ميں روكى سمت جوڑ سے خارج ہوتی تصور كريں گے۔ آئيں اس تركيب كو شكل 3.5كى مدد سے سمجھیں۔

شکل 3.5-الف میں پہلے جوڑ پر تمام مزاحمتی شاخوں کی رو خارجی تصور کرتے ہوئے کرخوف قانون رو کے تحت خارجی رو کا مجموعہ داخلی رو کے مجموعے کے برابر یُر کرنے ہے

$$(3.20) i_1 + i_2 = i_A$$

لعيني

(3.21) 
$$\frac{v_1}{R_a} + \frac{v_a - v_b}{R_d} = i_A$$

حاصل ہوتا ہے۔شکل 3.5-ب میں دوسرے جوڑ پر تمام مزاحمتی رو کی سمت خارجی تصور کی گئی ہیں یوں

$$(3.22) i_1' + i_2' + i_3' = 0$$

لعني

$$(3.23) \frac{v_2 - v_1}{R_d} + \frac{v_2}{R_b} + \frac{v_2 - v_3}{R_e} = 0$$

$$\frac{v_3 - v_2}{R_e} + \frac{v_3}{R_c} + i_B = 0$$

اس کتاب میں ہم مساوات 3.24 کی طرح جوڑ پر کرخوف قانون رو کے مساوات لکھیں گے۔

مساوات 1.19ور مساوات 3.15 میں قالبِ موصلیت 3 کے بالائی بائیں کونے سے نچلے دائیں کونے تک تر چھی لکیر کے بالائی اور مخلی اطراف پر یکسال رکن پائے جاتے ہیں۔ایسا اتفاقی طور پر نہیں ہے بلکہ مزاحمتوں اور آزاد منبع روپر مبنی کسی مجھی دور کے G قالب کو تشاکل صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔آئیں ان قالبوں پر مزید غور کریں۔

شکل 3.4 میں پہلے جوڑ کی دباو  $v_1$ ، دوسرے جوڑ کی دباو  $v_2$  اور تیسرے جوڑ کی دباو  $v_3$  ہے۔ قالب میں بالائی لینی پہلے صف کے رکن مساوات 3.16 سے حاصل کئے گئے۔ یہ مساوات پہلی جوڑ سے حاصل کی گئی ہے۔ اس جوڑ پر مزاحمت  $R_{m1}$  اور  $R_3$  جڑے ہیں۔ ان مزاحمت کو متوازی جڑا تصور کرتے ہوئے مساوی مزاحمت  $R_{m1}$ 

$$\frac{1}{R_{m1}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں  $\frac{1}{R_{m1}}$  کو مساوی متوازی موصلیت  $G_{m1}$  کہا جاتا ہے۔ یوں قالب کے پہلے صف کا پہلا (بایاں) رکن پہلے جوڑ سے جڑے تمام مزاحمتوں کا مساوی متوازی موصلیت  $\frac{1}{R_{m1}}$  ہے۔ اسی صف کا دوسرار کن پہلے جوڑ

conductance matrix<sup>3</sup>

114 باب. 3. جوڑاور دائری تحب زیب

اور دوسرے جوڑ کے مابین جڑے مزاحت کی موصلیت کا منفی  $\frac{1}{R_2}$  کے برابر ہے۔ اس طرح پہلے صف کا تیسر ارکن، پہلے جوڑ اور تیسرے جوڑ کے مابین جڑے موصلیت کے منفی  $\frac{1}{R_3}$  کے برابر ہے۔ قالب کے دوسرے صف کے ارکان مساوات 3.17 سے حاصل کئے گئے۔ اس صف کا پہلا رکن پہلے اور دوسرے جوڑ کے مابین مساوی متوازی موصلیت کے منفی  $\frac{1}{R_{m2}}$  کے برابر ہے۔صف کا دوسر ارکن دوسرے جوڑ پر تمام مزاحمتوں کا مساوی متوازی موصلیت  $\frac{1}{R_{m2}}$ 

$$\frac{1}{R_{m2}} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}$$

ہے جبکہ صف کا تیسرار کن دوسرے اور تیسرے جوڑ کے مابین موصلیت کے مفی  $\frac{1}{R_3}$  — کے برابر ہے۔ قالب کا تیسرا صف بھی اسی طرح حاصل کیا جاسکتا ہے۔ قالبی مساوات میں دائیں ہاتھ قالب رو $^4$  کے ارکان بالترتیب پہلے، دوسرے اور تیسرے جوڑ پر جڑے منبع روسے جوڑ میں داخل ہوتی رو ہے۔ منبع روکی غیر موجود گی میں قالب کے رکن کو صفر لکھا جاتا ہے۔ کسی بھی جوڑ پر ایک سے زیادہ منبع روکی صورت میں جوڑ پر مجموعی داخلی رو، قالب کی رکن ہوگی۔ پہلی جوڑ پر منبع کی رو نسب رو میں ہے۔ کسی بھی جو جوڑ سے جو جوڑ سے خارجی جانب ہے لہذا اسے قالب رو میں  $i_A$  کی رو جوڑ میں داخل ہوتی ہے لہذا قالب روکا تیسر ارکن سفر ہے۔ تیسرے جوڑ پر منبع  $i_B$  کی روجوڑ میں داخل ہوتی ہے لہذا قالب روکا تیسر ارکن ہوگی ہے۔

ان معلومات کی مدد سے مزاحمت اور منبع روپر مبنی J+1 جوڑ کے دور کی قالبی مساوات دور کو دیکھ کر درج ذیل صورت میں لکھی جاسکتی ہے

$$(3.25) \begin{bmatrix} +G_{11} & -G_{12} & -G_{13} & \cdots & -G_{1J} \\ -G_{21} & +G_{22} & -G_{23} & \cdots & -G_{2J} \\ -G_{31} & -G_{32} & +G_{33} & \cdots & -G_{3J} \\ \vdots & & & & & \\ -G_{J1} & -G_{J2} & -G_{J3} & \cdots & +G_{JJ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ \vdots \\ v_J \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ \vdots \\ I_J \end{bmatrix}$$

جہاں  $G_{nn}$  سے مراد جوڑ n کے ساتھ منسلک تمام مزاحمتوں کی مساوی متوازی موصلیت جبکہ m سے مراد جوڑ n اور m کے مابین مزاحمت کی موصلیت ہے۔ یہ مساوات لکھتے ہوئے جوڑ m کو زمین چننا گیا ہے۔ اگر جوڑ m اور جوڑ m کے مابین مزاحمت جڑی ہو گی لہذا m جڑی ہو تب جوڑ m اور جوڑ m کے مابین بھی یہی مزاحمت جڑی ہو گی لہذا m کے مابین کہ

$$(3.26) G_{nm} = G_{mn}$$

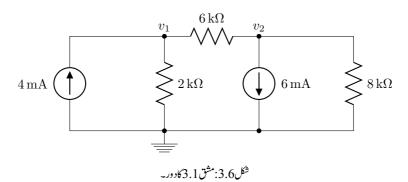
current matrix<sup>4</sup>

ہو گا اور یوں مساوات 3.25 کو درج ذیل صورت میں لکھا جا سکتا ہے

(3.27) 
$$\begin{bmatrix} +G_{11} & -G_{12} & -G_{13} & \cdots & -G_{1J} \\ -G_{12} & +G_{22} & -G_{23} & \cdots & -G_{2J} \\ -G_{13} & -G_{23} & +G_{33} & \cdots & -G_{3J} \\ \vdots & & & & & \\ -G_{1J} & -G_{2J} & -G_{3J} & \cdots & +G_{JJ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ \vdots \\ v_J \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ \vdots \\ I_J \end{bmatrix}$$

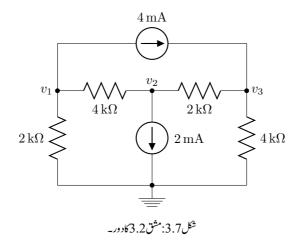
جس میں G کا قالب تشاکل ہے۔

مثق 3.1: شکل 3.6 میں  $v_1$  اور  $v_2$  پر کرخوف قانون رو کے مساوات کھتے ہوئے دور کی قالبی مساوات حاصل کریں۔ قالبی مساوات حل کرتے ہوئے نامعلوم دباو دریافت کریں۔



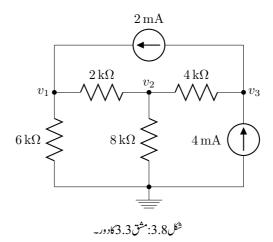
 $v_2 = -20\,\mathrm{V}$  ،  $v_1 = 1\,\mathrm{V}$  جوابات:

مثق 3.2: شکل 3.7 کی قالبی مساوات لکھتے ہوئے نامعلوم دباو حاصل کریں۔



 $v_3=4\,\mathrm{V}$  ،  $v_2=-2\,\mathrm{V}$  ،  $v_1=-6\,\mathrm{V}$  جوابات:

### مثق 3.3: شكل 3.8 كى قالبي مساوات لكھتے ہوئے نامعلوم دباو حاصل كريں۔



 $v_3 = 22\,\mathrm{V}$  ،  $v_2 = 14\,\mathrm{V}$  ،  $v_1 = 13.5\,\mathrm{V}$  جوابات:

#### 3.3 تابع منبع رواستعال کرنے والے اد وار

گزشتہ جھے میں ہم نے دیکھا کہ غیر تابع منبغ رواور مزامتوں کے ادوار سے تشاکل قالب موصلیت حاصل ہوتے ہے۔ شکل 3.9 میں تباع منبغ رواستعال کی گئی ہے۔ہم دیکھیں گے کہ اس کا G قالب غیر تشاکل ہو گا۔اس دور کے تین جوڑوں سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(3.28) 
$$\begin{aligned} -\beta i_0 + \frac{v_1}{R_1} + \frac{v_1 - v_2}{R_2} &= 0\\ \frac{v_2 - v_1}{R_2} - i_A + \frac{v_2 - v_3}{R_4} &= 0\\ \frac{v_3}{R_3} + \beta i_0 + \frac{v_3 - v_2}{R_4} &= 0 \end{aligned}$$

جہاں

$$i_0 = \frac{v_1}{R_1}$$

کے برابر ہے۔مساوات 3.28 میں مساوات 3.29 پُر کرتے اور ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے

(3.30) 
$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} - \frac{\beta}{R_1}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} = 0$$

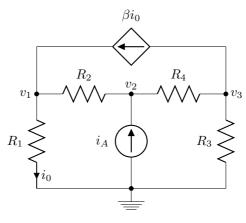
$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4}\right) v_2 - \frac{v_3}{R_4} = i_A$$

$$\frac{\beta}{R_1} v_1 - \frac{v_2}{R_4} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}\right) v_3 = 0$$

جسے قالبی صورت میں لکھتے ہیں۔

(3.31) 
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} - \frac{\beta}{R_1} & -\frac{1}{R_2} & 0\\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4} & -\frac{1}{R_4}\\ \frac{\beta}{R_1} & -\frac{1}{R_4} & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1\\ v_2\\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0\\ i_A\\ 0 \end{bmatrix}$$

باب. 3. جو ژاور دائری تحب زیب



شكل 9. 3: تابع منبع روسے غير تشاكل قالب موصليت حاصل ہوتاہے۔

### آپ دیچھ سکتے ہیں کہ G قالب غیر تشاکل ہے۔

مثال 3.3: شکل 3.9 میں تمام جوڑ پر برقی دباو حاصل کریں۔معلومات درج ذیل ہیں۔

$$R_1=2\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_2=4\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_3=1\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_4=2\,\mathrm{k}\Omega, \quad i_A=10\,\mathrm{mA}, \quad \beta=4$$

حل: درج بالا معلومات كو مساوات 3.31 ميں يُر كرتے ہيں۔

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{2000} + \frac{1}{4000} - \frac{4}{2000} & -\frac{1}{4000} & 0 \\ -\frac{1}{4000} & \frac{1}{4000} + \frac{1}{2000} & -\frac{1}{2000} \\ \frac{\beta}{2000} & -\frac{1}{2000} & \frac{1}{1000} + \frac{1}{2000} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.01 \\ 0 \end{bmatrix}$$

اس قالبی مساوات کو حل کرتے ہوئے اور یا تینوں ہمزاد مساوات کو کسی بھی طریقے سے حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

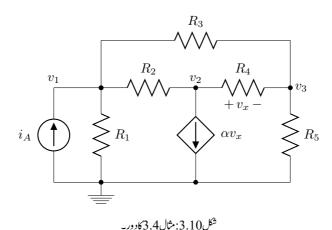
$$v_1 = -4 \,\mathrm{V}$$

$$v_2 = 20 \,\mathrm{V}$$

$$v_3 = 12 \mathrm{V}$$

### مثال 3.4: شكل 3.10 مين تمام نامعلوم دباو حاصل كرين ـ ديگر معلومات درج ذيل بين ـ

$$R_1=4\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_2=8\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_3=12\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_4=6\,\mathrm{k}\Omega, \quad R_5=2\,\mathrm{k}\Omega$$
 
$$i_A=1\,\mathrm{m}A, \quad \alpha=0.002$$



حل: تمام جوڑ پر خارجی رو تصور کرتے ہوئے مساوات لکھتے ہیں۔

$$\begin{split} \frac{v_1}{R_1} + \frac{v_1 - v_2}{R_2} + \frac{v_1 - v_3}{R_3} &= i_A \\ \frac{v_2 - v_1}{R_2} + \alpha v_x + \frac{v_2 - v_3}{R_4} &= 0 \\ \frac{v_3 - v_1}{R_3} + \frac{v_3 - v_2}{R_4} + \frac{v_3}{R_5} &= 0 \end{split}$$

ال میں 
$$v_x=v_2-v_3$$
 پُر کرتے اور مساوات کے اجزاء کو ترتیب دیتے ہیں۔  $v_x=v_2-v_3$   $v_z=v_3$  .

$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right) v_1 - \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_3} = i_A$$

$$-\frac{v_1}{R_2} + \left(\frac{1}{R_2} + \alpha + \frac{1}{R_4}\right) v_2 - (\alpha + \frac{1}{R_4}) v_3 = 0$$

$$-\frac{v_1}{R_3} - \frac{v_2}{R_4} + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5}\right) v_3 = 0$$

دی گئی معلومات پُر کرتے ہیں

$$\left(\frac{1}{4000} + \frac{1}{8000} + \frac{1}{12000}\right)v_1 - \frac{v_2}{8000} - \frac{v_3}{12000} = 0.001$$
$$-\frac{v_1}{8000} + \left(\frac{1}{8000} + 0.002 + \frac{1}{6000}\right)v_2 - (0.002 + \frac{1}{6000})v_3 = 0$$
$$-\frac{v_1}{12000} - \frac{v_2}{6000} + \left(\frac{1}{12000} + \frac{1}{6000} + \frac{1}{2000}\right)v_3 = 0$$

' تینوں ہمزاد مساواتوں کو 1000 سے ضرب دیتے ہوئے درج ذمل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{11v_1}{24} - \frac{v_2}{8} - \frac{v_3}{12} = 1$$
$$-\frac{v_1}{8} + \frac{55v_2}{24} - \frac{13v_3}{6} = 0$$
$$-\frac{v_1}{12} - \frac{v_2}{6} + \frac{3v_3}{4} = 0$$

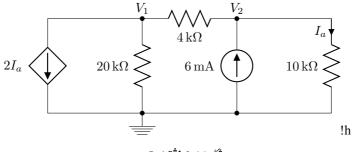
انہیں حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$v_1 = 2.38 \,\mathrm{V}$$

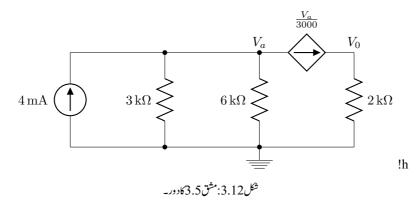
$$v_2 = 0.48 \,\mathrm{V}$$

$$v_3=0.37\,\mathrm{V}$$

مثق 3.4: شكل 3.11 مين نامعلوم دباو جوڑ  $V_1$  اور  $V_2$  دريافت كريں۔



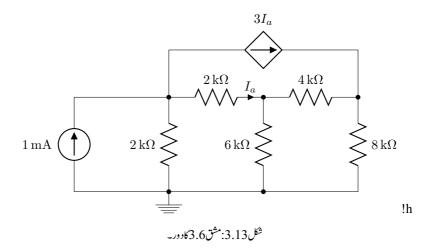
شكل 3.11:مشق 3.4 كادور



مثق 3.5: شکل 3.12 میں نامعلوم دباو جوڑ  $V_0$  دریافت کریں۔

مثق 3.6: شکل 3.13 میں نامعلوم دباوجوڑ  $V_0$  دریافت کریں۔

اب. 3. جو ژاور دائري تحب زيي



### 3.4 غير تابع منبع د باواستعال كرنے والے اد وار

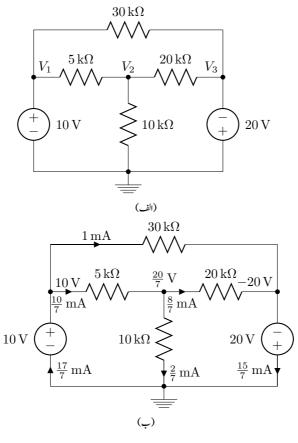
گزشتہ حصوں کی طرح اس جھے کو بھی سادہ ترین مثال سے شروع کرتے ہیں۔ بعد میں بتدریج مشکل مثال پیش کئے جائیں گے۔سب سے پہلے ایک مثال کی مدد سے ایسے دور پر غور کرتے ہیں جس میں غیر تابع منبع دباو کا ایک سرا برقی زمین کے ساتھ جڑا ہو۔ایسے ادوار نسبتاً اُسانی سے حل ہوتے ہیں۔

مثال 3.5: شکل 3.14-الف کے دور میں دوعدد غیر تابع منبع دباواستعال کئے گئے ہیں۔دونوں منبع زمین کے ساتھ جڑے ہیں۔بالائی بایاں جوڑ ۷ V منبع دباو کے منفی سرے کے ساتھ جڑا ہے جبکہ بالائی دایاں جوڑ ۷ V منبع دباو کے منفی سرے کے ساتھ جڑا ہے جبکہ بالائی دایاں جوڑ ساتھ جڑا ہے لہٰذا

$$V_1 = 10 \text{ V}$$
  
 $V_2 = -20 \text{ V}$ 

ہیں۔بالائی در میانے جوڑ پر کرخوف قانون رو کی مدد سے

$$\frac{V_2 - 10}{5000} + \frac{V_2}{10000} + \frac{V_2 - (-20)}{20000} = 0$$



شكل 3.14: مثال 3.5 كادور

لکھا جا سکتا ہے جس سے

$$V_2 = \frac{20}{7} \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔

د باو جوڑ جاننے کے بعد تمام پرزوں میں رو دریافت کی جاسکتی ہے۔ یوں بالترتیب  $5\,\mathrm{k}\Omega$  ،  $10\,\mathrm{k}\Omega$  ،  $20\,\mathrm{k}\Omega$  اور

30 kΩ کے مزاحموں میں اوہم کے قانون سے درج ذیل رو حاصل ہوتے ہیں

$$\frac{V_1 - V_2}{5000} = \frac{10 - \frac{20}{7}}{5000} = \frac{10}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_2}{10000} = \frac{\frac{20}{7}}{10000} = \frac{2}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_2 - V_3}{20000} = \frac{\frac{20}{7} - (-20)}{20000} = \frac{8}{7} \text{ mA}$$

$$\frac{V_1 - V_3}{30000} = \frac{10 - (-20)}{30000} = 1 \text{ mA}$$

جہاں تمام رو کی سمتیں بائیں سے دائیں جانب ہیں۔جوڑ  $V_1$  پر کرخوف قانون روسے  $10\,\mathrm{V}$  منبع کی خارجی رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$I_{10\,\text{V}} = \frac{10}{7}\,\text{mA} + 1\,\text{mA} = \frac{17}{7}\,\text{mA}$$

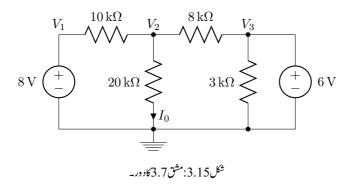
اسی طرح داعیں منبع دباو کے منفی سرے پر داخلی رویا مثبت سرے سے خارجی رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

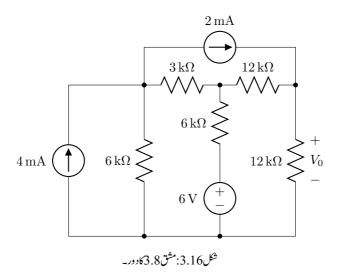
$$I_{20\,\mathrm{V}} = \frac{8}{7}\,\mathrm{mA} + 1\,\mathrm{mA} = \frac{15}{7}\,\mathrm{mA}$$

حاصل کردہ تمام رو کو شکل 3.14-ب میں د کھایا گیا ہے۔

مشق 3.7: شكل 3.15 ميں امال كريں۔

مثق 3.8: شکل 3.16 میں  $V_0$  دریافت کریں۔یاد رہے کہ آپ کسی بھی جوڑ کو برتی زمین چن سکتے ہیں۔





اب. 3. جوڑاوردائری تحبزیہ

### آئیں اب ایسے دور کو حل کریں جس میں منبع دباو برقی زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے در میان جڑا ہو۔

مثال 3.6: شکل 3.17 میں V کا منبع دباو زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے در میان نب ہے۔ گزشتہ تمام مثالوں میں جوڑپر رویا تو منبع روسے اخذ کی جا سکتیں تھیں اور یاانہیں مزاحمتی شاخ پر قانون اوہم لا گو کرتے ہوئے اخذ کیا جا سکتا تھا۔ موجودہ شکل میں جوڑ  $V_1$  اور  $V_2$  کے در میان نہ تو منبع رو نسب ہے اور نہ ہی مزاحمت لہذا گزشتہ ترکیب یہاں قابل استعال نہیں ہیں۔ آپ سے گزارش ہے کہ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ دس وولٹ منبع دباو کی روگزشتہ ترکیبوں سے دریافت نہیں کی جاسکتی۔

اب منبع دباو کی رو ہم نہ تو جانتے ہیں اور نہ ہی اسے کسی مساوات سے ظاہر کر سکتے ہیں للذا جوڑ  $V_1$  اور  $V_2$  پر کرخوف قانون رو کے مساوات لکھنا ممکن نہیں ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ I متغیرات معلوم کرنے کی خاطر I ہمزاد مساوات در کار ہیں۔ آئیں دیکھیں کہ جوڑ  $V_1$  اور  $V_2$  پر کرخوف قانون رو نہ لکھ پانے کے باوجود ہم آئی تعداد میں مساوات کس طرح لکھ پائیں گے۔

شکل 3.17-الف کو دیکھ کر

$$(3.32) V_2 - V_1 = 10$$

ککھا جا سکتا ہے۔اس کے علاوہ اسی شکل میں دکھائے شاخوں کے برقی رواستعال کرتے ہوئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$(3.33) -8 \,\mathrm{mA} + I_1 + I_m = 0$$

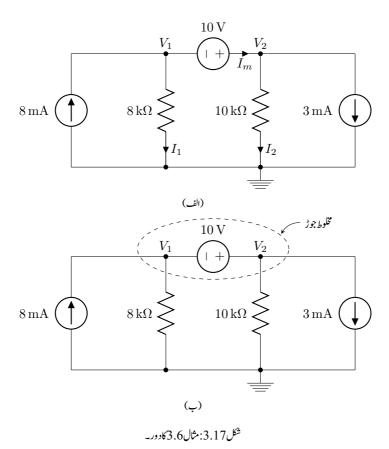
$$(3.34) -I_m + I_2 + 3 \,\mathrm{mA} = 0$$

مساوات 3.33 اور مساوات 3.34 کے مجموعہ

$$(3.35) -5 \,\mathrm{mA} + I_1 + I_2 = 0$$

میں قانون اوہم کے استعال سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

(3.36) 
$$-8 \,\mathrm{mA} + \frac{V_1}{8 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_2}{10 \,\mathrm{k}\Omega} + 3 \,\mathrm{mA} = 0$$



اب 3. جو ژاور دائري څخب زيه

مساوات 3.32 اور مساوات 3.36 در کار ہمزاد مساوات ہیں جنہیں حل کرنے سے

$$V_1 = 240 \,\mathrm{V}$$
  
 $V_2 = 250 \,\mathrm{V}$ 

حاصل ہوتے ہیں۔

ہم پہلے دیکھے بچکے ہیں کہ کسی بھی جوڑپر کرخوف قانون روکھتے ہوئے تمام مزاحمتی شاخوں میں روکی سمت خارجی تصور کی جا سکتی ہے۔ یہاں اس بات کا خیال رکھنا ضروری ہے کہ دو جوڑوں کے مابین نسب منبع دباوکی روکو دونوں جوڑوں پر خارجی تصور نہیں کیا جا سکتا۔ منبع دباو کے روکی کوئی بھی سمت چننے کے بعد دونوں جوڑوں پر کرخوف قانون روکھتے ہوئے منبع دباوکے روکی سمت چننی گئی سمت ہی تصور کی جائے گی۔

مساوات 3.36 کے حصول میں ہمیں مساوات 3.33، مساوات 3.34 اور مساوات 3.35 بھی لکھنے پڑھ گئے۔ آئیں ان اضافی مساوات کے لکھنے سے چھٹکارا حاصل کریں۔

شکل 3.17-ب میں زمین سے ہٹ کر دو جوڑوں کے مابین نسب منبع دباو کے گرد نقطہ دار دائرہ کھینچا گیا ہے۔اس بند دائرے کو مخلوط جوڑ<sup>5</sup> کہا جاتا ہے۔آپ جانتے ہیں کہ کرخوف قانون رو بند دائرے پر بھی لا گو ہوتا ہے للذااس بند دائرے میں مجموعی داخلی رواور مجموعی خارجی رو برابر ہوں گے۔شکل-ب میں مخلوط جوڑسے تمام مزاحمتی شاخوں کے رو کی سمت خارجی تصور کرتے ہوئے

(3.37) 
$$-8 \,\mathrm{mA} + \frac{V_1}{8 \,\mathrm{kO}} + \frac{V_2}{10 \,\mathrm{kO}} + 3 \,\mathrm{mA} = 0$$

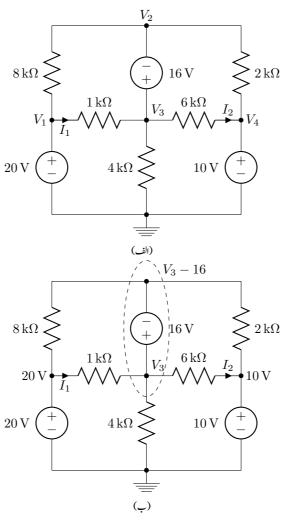
لکھا جا سکتا ہے جو مساوات 3.36 ہی ہے۔ یاد رہے کہ دور حل کرنے کی خاطر مخلوط جوڑ کے دونوں جانب دباو کا تعلق

$$(3.38) V_2 - V_1 = 10$$

بھی در کار ہے۔

مثال 3.7: شكل 3.18-الف ميں  $I_1$  اور  $I_2$  دريافت كريں۔

 ${\rm super} \ {\rm node}^5$ 



شكل3.18:مثال3.6كادور

اب. 3. جو ژاور دارُی تحب زید

حل: شکل 3.18-ب میں مخلوط جوڑ کو نقطہ دار دائرے میں گھیرا گیا ہے۔ساتھ ہی ساتھ مخلوط جوڑ کے سروں کے مابین دباو کے تعلق

$$V_3 - V_2 = 16$$

کو استعال کرتے ہوئے بالائی جوڑ کے دباو کو نیلے جوڑ کے دباو کی صورت میں

$$V_2 = V_3 - 16$$

$$V_1 = 20 \,\mathrm{V}$$
$$V_4 = 10 \,\mathrm{V}$$

یوں صرف  $V_3$  نامعلوم دباو ہے۔ کرخوف قانون رواستعال کرتے ہوئے مخلوط جوڑ لینی نقطہ دار دائرے کے لئے

$$\frac{(V_3 - 16) - 20}{8 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{(V_3 - 16) - 10}{2 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_3 - 20}{1 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_3 - 10}{6 \,\mathrm{k}\Omega} + \frac{V_3}{4 \,\mathrm{k}\Omega} = 0$$

لکھا جا سکتا ہے جہال تمام رو کی سمت خارجی چننی گئی ہے۔ اس سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

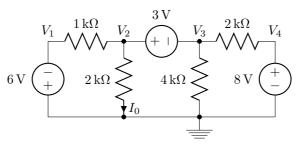
$$V_3 = 20 \,\mathrm{V}$$

یوں در کار رو درج ذیل ہیں۔

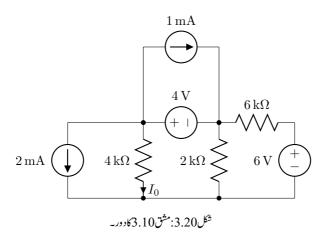
$$I_1 = \frac{V_1 - V_3}{1 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{20 - 20}{1 \,\mathrm{k}\Omega} = 0 \,\mathrm{A}$$

$$I_2 = \frac{V_3 - V_4}{6 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{20 - 10}{6 \,\mathrm{k}\Omega} = \frac{5}{3} \,\mathrm{mA}$$

مشق 3.9: شكل 3.19 ميں  $I_0$  دريافت كريں۔



شكل 3.19: مشق 3.9 كادور

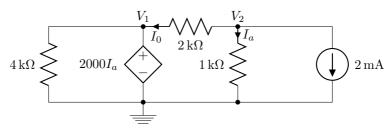


 $\frac{49}{18}$  mA :واب

مثق 3.10: شكل 3.20 ميں  $I_0$  دريافت كريں۔

 $\frac{5}{11}$  mA :واب

اب. 3. جو ژاور دائری تحب زیب



شكل 3.21: مثال 3.8 كادور

### 3.5 تابع منبع د باواستعال كرنے والے اد وار

تابع منبع استعال کرنے والے ادوار کو بھی مندرجہ بالا طریقوں سے حل کیا جاتا ہے۔آئیں چند مثال دیکھیں۔

مثال 3.8: شكل 3.21 مين الم الماكرين-

حل: چونکہ جوڑ  $V_1$  تابع منبع دباوسے جڑا ہے للذا

$$V_1=2000I_a$$

ہو گا جہاں

$$I_a = \frac{V_2}{1 \, \mathrm{k} \Omega}$$

ہے۔جوڑ  $V_2$  پر کرخوف قانون روسے درج ذیل کھتے ہیں۔

$$2\,\text{mA} + \frac{V_2 - V_1}{2\,\text{k}\Omega} + I_a = 0$$

انہیں حل کرنے سے

$$V_2 = -4 \mathrm{V}$$

$$V_1 = -8 \,\mathrm{V}$$

$$I_a = -4 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتے ہیں للذا

$$I_0 = \frac{(-4) - (-8)}{2 \,\mathrm{k}\Omega} = 2 \,\mathrm{mA}$$

ہو گی۔

مثال 3.9: شکل 3.22 میں تابع منبع مخلوط جوڑ کے مابین نسب ہے۔اس دور میں  $V_0$  حاصل کریں۔

 $V_1$  کی نشاندہی کی گئی ہے۔ مخلوط جوڑ کے نچلے سرے پر  $V_3$  اور  $V_4$  کی نشاندہی کی گئی ہے۔ مخلوط جوڑ کے نچلے سرے پر  $V_1$  دباو کی بدولت اس کے بالائی سرے پر  $V_1+3V_a$  دباو کی بدولت اس کے بالائی سرے پر  $V_1+3V_a$  دباو کھا گیا ہے۔ مخلوط جوڑ پر کرخوف قانون روسے درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$\frac{V_1 + 3V_a}{4000} - 0.002 + \frac{V_1}{2000} + \frac{V_1 - V_2}{6000} = 0$$

اسی طرح  $V_4=5\,
m V$  لیتے ہوئے بالترتیب  $V_2$  اور  $V_3$  جوڑ کے لئے کرخوف مساوات رو کھتے ہیں۔

$$\frac{V_2 - V_1}{6000} + 0.001 + \frac{V_2 - V_3}{1000} = 0$$
$$0.002 + \frac{V_3 - V_2}{1000} + \frac{V_3 - 5}{8000} = 0$$

مخلوط جوڑ کے مساوات میں  $V_a = V_1$  پر کرتے ہوئے مندرجہ بالا تین مساوات کو ایک ساتھ لکھتے ہیں۔

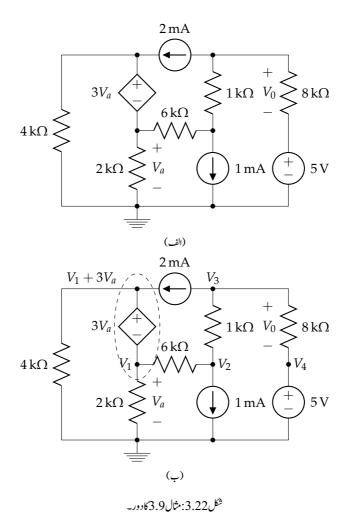
$$10V_1 - V_2 = 12$$
$$-V_1 + 7V_2 - 6V_3 = -6$$
$$-8V_2 + 9V_3 = -11$$

ان تین ہمزاد مساوات کو حل کرنے سے

$$V_1 = \frac{20}{47} \text{ V}$$

$$V_2 = -\frac{364}{47} \text{ V}$$

$$V_3 = -\frac{381}{47} \text{ V}$$



حاصل ہوتا ہے۔ یوں

$$V_0 = V_3 - V_4 = -\frac{616}{47} \,\mathrm{V}$$

ہو گا۔

مثال 3.10: شكل 3.23-الف مين  $I_0$  دريافت كريں۔

حل: شکل 3.23-ب میں نیچلے جوڑ کو زمین چنتے ہوئے بقایا جوڑوں کی نشاند ہی کی گئی ہے۔ مخلوط جوڑوں کو نقطہ دار چکور سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ آپ مخلوط جوڑ کو پیچان سکتے ہیں۔ مخلوط جوڑ کے نیچلے بائیں اور دائیں سروں کے لئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے

$$V_4 - V_2 = 3V_b$$
$$V_5 - V_2 = 4$$

جن سے

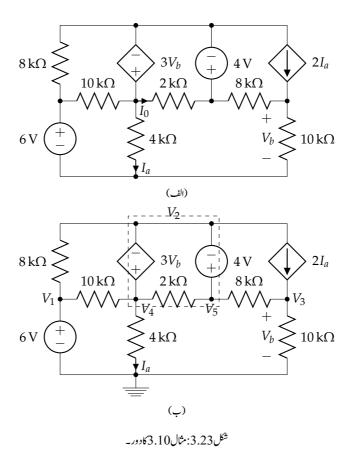
$$V_4 = V_2 + 3V_b$$
$$V_5 = V_2 + 4$$

حاصل ہوتا ہے۔شکل کو دیکھتے ہوئے

$$V_1 = 6$$

جھی لکھا جا سکتا ہے۔ جوڑ  $V_2$  اور  $V_3$  کے کرخوف مساوات رو بالترتیب لکھتے ہیں جہاں  $V_2$  کی مساوات در حقیقت مخلوط جوڑ کی مساوات رو ہے۔

$$\frac{V_2 - 6}{8000} + \frac{(V_2 + 3V_b) - 6}{10000} + \frac{(V_2 + 3V_b)}{4000} + \frac{(V_2 + 4) - V_3}{8000} + 2I_a = 0$$
$$-2I_a + \frac{V_3 - (V_2 + 4)}{8000} + \frac{V_3}{10000} = 0$$



مندرجه بالا دو مساوات میں درج ذیل پر کرتے

$$V_b = V_3$$

$$I_a = \frac{V_2 + 3V_b}{4000} = \frac{V_2 + 3V_3}{4000}$$

ہوئے

$$\frac{V_2 - 6}{8000} + \frac{(V_2 + 3V_3) - 6}{10000} + \frac{(V_2 + 3V_3)}{4000} + \frac{(V_2 + 4) - V_3}{8000} + 2\left(\frac{V_2 + 3V_3}{4000}\right) = 0$$

$$-2\left(\frac{V_2 + 3V_3}{4000}\right) + \frac{V_3 - (V_2 + 4)}{8000} + \frac{V_3}{10000} = 0$$

$$44V_2 + 97V_3 = 34$$
$$50V_2 + 102V_3 = -40$$

حاصل ہوتے ہیں جنہیں حل کرنے سے درج ذیل ملتے ہیں۔

$$V_2 = -\frac{3674}{181} V$$
$$V_3 = \frac{1730}{181} V$$

لول

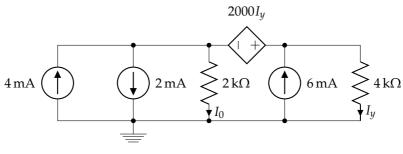
$$I_0 = \frac{V_4 - V_5}{2000} = \frac{149}{12} \, \text{mA}$$

حاصل ہوتی ہے۔

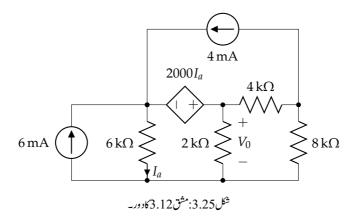
مثق 3.11: شكل 3.24 ميں مثق 3.11: شكل كريں۔

جواب: 4 mA

اب. 3. جو ژاور دائری تحب زبید



شكل 3.24: مشق 3.11 كادور



مشق 3.12: شكل 3.25 ميں  $V_0$  حاصل كريں۔

جواب: <del>176</del> V

3.6. دائری تحب زیه

## 3.6 دائری تجزیه

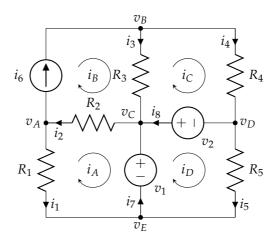
تجربیہ جوڑ میں نامعلوم متغیرات دباہ جوڑ تھے جنہیں کر خوف قانون روکی مدد سے حاصل کیا گیا۔ جوڑ کے دباہ جاننے کے بعد شاخوں کی روکو قانون اوہم سے حاصل کیا گیا۔ اس کے بر عکس دائری توکیب 6 میں کر خوف قانون دباہ کی مدد سے دائری رو جانتے ہیں۔ دائرگ رو جانتے ہوئے کسی بھی شاخ کا دباہ قانون اوہم سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ ایسا دور جس میں J جوڑ اور S شاخ پائے جاتے ہوں سے J جو گراور J شاخ پائے جاتے ہوں سے J جو گراور J شاخ پائے جاتے ہوں ہوں سے J آزاد مساوات بذریعہ کرخوف قانون دباہ حاصل کئے جاسکتے ہیں کہ اس میں J واور J واور J ماصل ہوں ہوں جن سے دائرگ رو جانتے ہوئے شاخوں کی رو درج ذیل کھی جاسکتے ہیں جن سے دائرگ رو جانتے ہوئے شاخوں کی رو درج ذیل کھی جاسکتے ہیں۔

$$\begin{split} i_1 &= -i_A \\ i_2 &= i_B - i_A \\ i_3 &= i_B - i_C \\ i_4 &= i_C \\ i_5 &= i_D \\ i_6 &= i_B \\ i_7 &= i_D - i_A \end{split}$$

اس کتاب میں صرف مسطحی ادواد 8 پر غور کیا جائے گا۔ سطحی دور سے مراد ایسا دور ہے جسے کاغذ پر یوں بنایا جا سکتا ہو کہ کوئی تار دوسری تار کو نہ کاٹے۔ سطحی ادوار میں دائروں کی نشاندہی نسبتاً آسان ہوتی ہے۔دائری ترکیب میں دائری رو یوں چننی جاتی ہیں کہ تمام شاخوں سے کم از کم ایک دائری رو گزرے، مزید رہے کہ ہر دائری رو کم از کم ایک ایسے شاخ سے گزرے جس سے کوئی دوسری دائری رو نہ گزرتی ہو۔

آئیں دائری ترکیب کو چند مثالوں کی مدد سے سمجھیں۔

loop analysis<sup>6</sup> loop current<sup>7</sup> planar circuits<sup>8</sup> اب. 3. جوڑاور دائری تحب زیہ



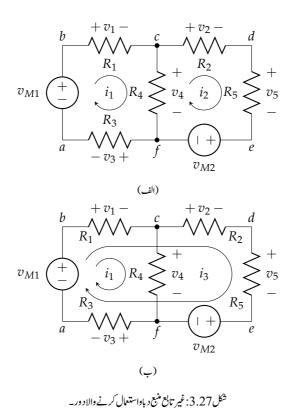
شكل 3.26: دائري تركيب كي مثال ـ

## 3.7 غير تابع منبع استعال كرنے والے ادوار

شکل 3.27 میں دو عدد غیر تابع منبع دباواستعال کئے گئے ہیں۔اس دور میں سات شاخ اور چھ جوڑ ہیں للذا دور میں تمام نا معلوم دائری رو دریافت کرنے کی خاطر 2 = 1 + 6 - 7 غیر تابع مساوات درکار ہیں جنہیں کرخوف قانون دباو سے حاصل کیا جائے گا۔ چونکہ دو عدد دائری رو درکار ہیں للذا ہم دو عدد دائرے چنتے ہیں۔ہم ان دائروں کو مختلف انداز میں چن سکتے ہیں۔ایسا کرتے ہوئے دائری رو درکار ہیں للذا ہم دو عدد دائری و مسئت ہیں۔ایسا کرتے ہوئے دائری رو را دائرہ میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں ہم نے دونوں دائری رو کو گھڑی کی سمت تصور کیا اور نی ہوں گھڑی کی سمت تصور کیا ہے۔ یہاں ہم نے دونوں دائری رو کو گھڑی کی سمت تصور کیا ہے۔حقیقت میں آپ دونوں رو کو گھڑی کے الئے بھی تصور کر سکتے ہیں اور ایسا بھی کر سکتے ہیں کہ ایک دائری رو گھڑی کی سمت تصور کی سمت تصور کی سمت اور دوسری رو گھڑی کی الئے تصور کی جائے۔ ترکیب جوڑی طرح یہاں بھی اگر حقیقت میں کسی رو کی سمت تصور کردہ سمت کے الئے ہو توالی صورت میں رو کی قیت منفی حاصل ہو گی۔اس کتاب میں ہم دائری رو کو گھڑی کی سمت ہی معلور کریں گے۔ اس طرح ہم دو عدد دائرے یوں بھی چن سکتے ہیں کہ پہلا دائرہ مادر و معرا دائرہ عبی دائری رو معلی دائری رو معلی دائری رو معلی دائری دو کو گھڑی کی سمت ہی معلی حق میں دکھائے دائری رو معلتے ہیں۔ہم باری باری شکل 2.5-الف اور شکل 2.5-ب کو حل کیں جن سے شکل 2.5-الف اور شکل 2.5-الف اور شکل 2.5-ب کو حل کیں ہیں۔

شکل 3.27-الف میں دونوں دائروں پر کرخوف قانون دباوسے درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

(3.39) 
$$-v_{M1} + v_1 + v_4 + v_3 = 0 -v_4 + v_2 + v_5 + v_{M2} = 0$$



باب. 3. جو ژاور دائري څخب زيه

قانون اوہم سے د باو شاخ درج ذیل لکھے جا سکتے ہیں

$$v_1 = i_1 R_1$$
  
 $v_2 = i_2 R_2$   
 $v_3 = i_1 R_3$   
 $v_4 = (i_1 - i_2) R_4$   
 $v_5 = i_2 R_5$ 

جنہیں مساوات 3.39 میں پر کرنے سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$i_1(R_1 + R_3 + R_4) - i_2R_4 = v_{M1}$$
  
 $-i_1R_4 + i_2(R_2 + R_4 + R_5) = -v_{M2}$ 

اس کو قالبی صورت میں لکھتے ہیں۔

(3.40) 
$$\begin{bmatrix} R_1 + R_3 + R_4 & -R_4 \\ -R_4 & R_2 + R_4 + R_5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} v_{M1} \\ -v_{M2} \end{bmatrix}$$

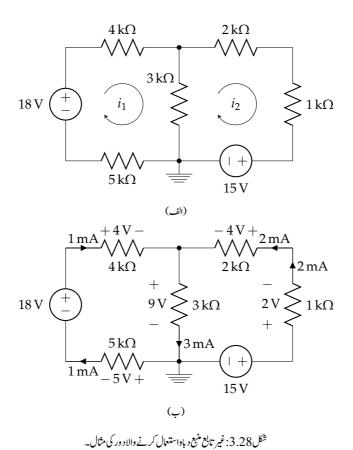
شکل 3.26 یا شکل 7.27-الف بالکل ماہی گیر کے جال کی مانند ہیں جے محیلیاں کیڑنے کے لئے استعال کیا جاتا ہے۔ان اشکال میں ہر خانے میں دائری رو چننی گئی ہے۔اس کے بر عکس شکل 3.27-ب میں  $i_3$  کو یوں چننا گیا ہے کہ یہ  $i_1$  کو بھی لیٹتی ہے۔اس کتاب میں انفرادی خانے کی رو ہی چنتے ہوئے ادوار حل کئے جائیں گے۔

مثال 3.11: شکل 3.28-الف میں دائری رو دریافت کرتے ہوئے تمام شاخوں کی رواور دباو حاصل کریں۔

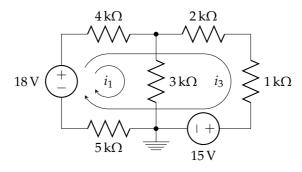
- حل: کرخوف قانون د باو کی مدو سے بالتر تیب باکیں اور دائیں خانوں کے لئے درج ذیل لکھتے ہیں۔  $-18+4000i_1+3000(i_1-i_2)+5000i_1=$   $3000(i_2-i_1)+2000i_2+1000i_2+15=0$ 

انہیں ترتیب دیتے ہوئے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$12000i_1 - 3000i_2 = 18$$
$$-3000i_1 + 6000i_2 = -15$$



باب 3. جو ژاور دائر ي تحب زيه



شکل 3.29: ہر خانے کی علیحد ہ روتصور نہیں کرتے ہوئے حل کرتے ہیں۔

کسی بھی ترکیب سے ان ہمزاد مساوات کو حل کیا جا سکتا ہے۔حاصل جوابات درج ذیل ہیں۔

$$i_1 = 1 \,\mathrm{mA}$$
$$i_2 = -2 \,\mathrm{mA}$$

چونکہ  $i_2$  کی قیت منفی ہے للذا حقیقت میں دائیں خانے میں روکی سمت چننی گئی سمت کے الٹ ہے۔ان قیمتوں کو شکل۔ ب میں دکھایا گیا ہے۔کسی بھی مزاحمت کا دباو قانون اوہم سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔تمام مزاحمتوں کے دباو شکل-ب میں دکھائے گئے ہیں۔امید کی جاتی ہے کہ آپ انہیں حاصل کر پائیں گے۔

مثال 3.12: شکل 3.29 کو حل کرتے ہوئے تمام شاخوں کی رو دریافت کریں۔

حل: ہائیں خانے کے لئے کرخوف قانون دباوسے

$$-18 + 4000(i_1 + i_2) + 3000i_1 + 5000(i_1 + i_2) = 0$$

لکھا جا سکتا ہے۔ بیر ونی دائرے کے لئے درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$-18 + 4000(i_1 + i_2) + 2000i_2 + 1000i_2 + 15 + 5000(i_1 + i_2) = 0$$

ان میں رو کو ترتیب سے لکھتے ہیں۔

$$12000i_1 + 9000i_2 = 18$$
$$9000i_1 + 12000i_2 = 3$$

ان ہمزاد مساوات کو حل کرنے سے درج ذیل حاصل ہوتی ہیں۔

$$i_1 = 3 \,\mathrm{mA}$$
$$i_2 = -2 \,\mathrm{mA}$$

 $3\,\mathrm{mA}-2\,\mathrm{mA}=1\,\mathrm{mA}$  مثل  $4\,\mathrm{k}\Omega$  مثلًا بالائی  $4\,\mathrm{k}\Omega$  مثل مثال کے جوابات کے ساتھ موازنہ کر سکتے ہیں مثلاً بالائی  $3\,\mathrm{mA}-2\,\mathrm{mA}=1\,\mathrm{mA}$  اور درمیانے  $3\,\mathrm{k}\Omega$  میں  $3\,\mathrm{k}\Omega$  دویائے جاتے ہیں۔

مندرجہ بالا دو مثالوں میں ایک ہی دور میں دو مختلف طرز کے روچنتے ہوئے حل کیا گیا۔ دونوں حاصل جواب کیسال حاصل ہوئے۔ آپ دکیھ سکتے ہیں کہ حاصل جواب چننی گئی روپر منحصر نہیں ہے۔

مثال 3.13: شکل 3.30 کے کرخوف مساوات دباو کو قالبی صورت میں لکھیں۔

حل: ہم بالترتیب  $i_{C}\,i_{B}\,i_{A}$  اور  $i_{D}$  کو استعال کرتے ہوئے درج ذیل مساوات لکھ سکتے ہیں۔

$$i_A R_1 + (i_A - i_B)R_2 + v_B = 0$$

$$-v_A + (i_B - i_C)R_3 + (i_B - i_A)R_2 = 0$$

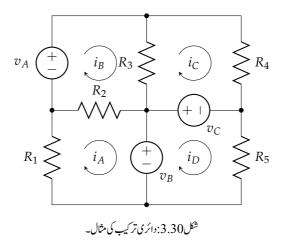
$$(i_C - i_B)R_3 + i_C R_4 - v_C = 0$$

$$-v_B + v_C + i_D R_5 = 0$$

انہیں ترتیب دیتے ہوئے دوبارہ لکھتے ہوئے

$$i_A(R_1 + R_2) - i_B R_2 = -v_B$$
  
 $-i_A R_2 + i_B(R_2 + R_3) - i_C R_3 = v_A$   
 $-i_B R_3 + i_C(R_3 + R_4) = v_C$   
 $i_D R_5 = v_B - v_C$ 

باب. 3. جوڑاور دائری تحبزیہ



قالبی صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\begin{bmatrix} R_1 + R_2 & -R_2 & 0 & 0 \\ -R_2 & R_2 + R_3 & -R_3 & 0 \\ 0 & -R_3 & R_3 + R_4 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & R_5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_A \\ i_B \\ i_C \\ i_D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -v_B \\ v_A \\ v_C \\ v_B - v_C \end{bmatrix}$$

 میں منبع کا دیاو گھٹتا ہے لہٰذا قالبی مساوات کے بائیں ہاتھ پہلا جزو  $v_B$  کھا جائے گا۔ آپ سے گزارش ہے کہ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ آپ قالبی مساوات کے تمام اجزاء بوں لکھ سکتے ہیں۔

اگر تمام خانوں میں، ایک ہی سمت میں گھومتی انفرادی دائری رو تصور کی جائے تب عمومی قالبی مساوات درج ذیل لکھی جاسکتی ہے۔

$$\begin{bmatrix}
R_{11} & -R_{12} & -R_{13} & \cdots - R_{1m} \\
-R_{21} & R_{22} & -R_{23} & \cdots - R_{2m} \\
-R_{31} & -R_{32} & R_{33} & \cdots - R_{3m} \\
\vdots & & & & \\
-R_{m1} & -R_{m2} & -R_{m3} & \cdots R_{mm}
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
i_1 \\ i_2 \\ i_3 \\ \vdots \\ i_m
\end{bmatrix} =
\begin{bmatrix}
v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ \vdots \\ v_m
\end{bmatrix}$$

اس عمومی قالبی مساوات میں بائیں ہاتھ مزاحمتی قالب کے بالائی بائیں کونے سے پنجلی دائیں کونے تک تر چھی کلیر پر پائے جانے والے اجزاء مثبت ہیں جبکہ بقایا تمام منفی ہیں۔ اس مساوات میں  $R_{11}$  سے مراد ان مزاحمتوں کا مجموعہ ہے جن سے  $i_1$  اور  $i_2$  دونوں گزرتی ہیں۔ اس مجموعے کی منفی قیمت قالب میں کبھی جاتی ہے۔

مثال 3.14: شكل 3.31 مين نامعلوم روحاصل كرين ـ

حل: آئیں شکل کو دیکھ کر قالبی مساوات لکھیں۔

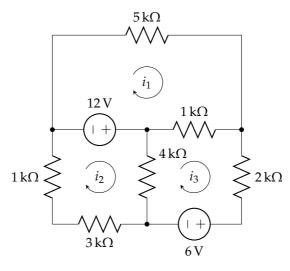
$$\begin{bmatrix} 5 k\Omega + 1 k\Omega & 0 & -1 k\Omega \\ 0 & 3 k\Omega + 1 k\Omega + 4 k\Omega & -4 k\Omega \\ -4 k\Omega & -1 k\Omega & 4 k\Omega + 1 k\Omega + 2 k\Omega \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \\ i_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -12 V \\ 12 V \\ -6 V \end{bmatrix}$$

ہے بول لکھتے ہوئے

$$\begin{bmatrix} 6000 & 0 & -1000 \\ 0 & 8000 & -4000 \\ -4000 & -1000 & 7000 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \\ i_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -12 \\ 12 \\ -6 \end{bmatrix}$$

یه عمومی قالبی مساوات

باب. 3. جو ژاور دائری تحب زید



شكل 3.31: مثال 3.14 كادور

ہے جس کا حل

$$\mathbf{I} = \mathbf{R}^{-1}\mathbf{V}$$

ہے۔ قالبی مساوات کو حل کرنے سے دائری رو درج ذیل حاصل ہوتی ہیں۔

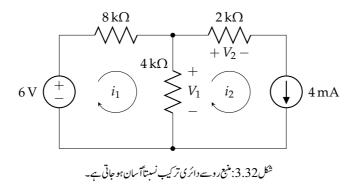
$$i_1 = -\frac{33}{14} \,\mathrm{mA}$$

$$i_2 = \frac{3}{7} \,\mathrm{mA}$$

$$i_3 = \frac{15}{7} \,\mathrm{mA}$$

## 3.8 غير تابع منبع رواستعال كرنے والے ادوار

منبع دباوکی موجودگی سے ترکیب جوڑ کا استعال نسبتاً آسان ہو جاتا ہے۔بالکل اسی طرح منبع روکی موجودگی سے دائری ترکیب کا استعال نسبتاً آسان ہو جاتا ہے۔آئیں میہ حقیقت چند مثال حل کرتے ہوئے دیکھیں۔



مثال 3.15: شکل 3.32 میں  $V_1$  اور  $V_2$  دائری ترکیب استعال کرتے ہوئے حاصل کریں۔

حل:اییا معلوم ہوتا ہے کہ دوعدد نامعلوم دائری رو  $i_1$  اور  $i_2$  پائے جاتے ہیں۔حقیقت میں  $i_2$  منبع رو سے گزرتی ہے لہذا اس کی قیمت کا تعین منبع رو ہی کرتی ہے یعنی

$$i_2 = 4 \,\mathrm{mA}$$

$$V_2 = 2000i_2 = 8 \,\mathrm{V}$$

لکھا جا سکتا ہے۔ بائیں خانے سے درج ذیل لکھا جاتا ہے

$$-6 + 8000i_1 + 4000(i_1 - i_2) = 0$$

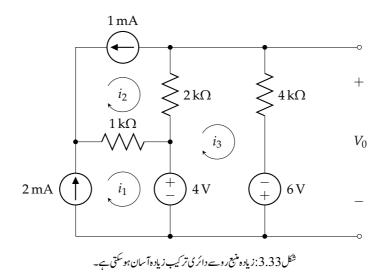
جس میں  $i_2 = 4 \,\mathrm{mA}$  پُر کرتے ہوئے

$$i_1 = \frac{11}{6} \,\mathrm{mA}$$

أور

$$V_1 = 4000(i_1 - i_2) = -\frac{26}{3} \text{ V}$$

باب. 3. جو ژاور دارُی تحب زیب



حاصل ہوتے ہیں۔

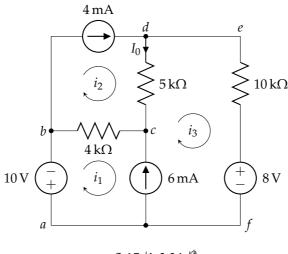
آپ نے دیکھا کہ ایک عدد منبع رو کی وجہ سے نامعلوم رو کی تعداد دو عدد سے کم ہر کر ایک عدد رہ گئ۔

مثال 3.16: شكل 3.33 ميں  $V_0$  وريافت كريں۔

حل: چونکہ i<sub>1</sub> اور i<sub>2</sub> منبع روسے گزرتی ہیں للذاان کی قیت لازمی طور پر انہیں منبع کی رو کے برابر ہوں گی۔ یاد رہے کہ منبع روسے کسی اور قیمت کی رو نہیں گزر سکتی۔ یہی منبع رو کی تعریف ہے۔ یوں

$$i_1 = 2 \,\mathrm{mA}$$
$$i_2 = -1 \,\mathrm{mA}$$

ہوں گے۔ یوں دور کو حل کرنے کی خاطر صرف ایک عدد مساوات دباو درکار ہے جیے  $i_3$  کی مدد سے کھتے ہیں۔  $-4+2000(i_3-i_2)+4000i_3-6=0$ 



شكل 3.34: مثال 3.17 كادور

$$i_2=-1\,\mathrm{mA}$$
 اس میں  $i_3=rac{4}{3}\,\mathrm{mA}$ 

یوں شکل کو دیکھ کر در کار دباو لکھا جا سکتا ہے۔

$$V_0 = 4000i_3 - 6 = -\frac{2}{3} \,\mathrm{V}$$

مثال 3.17: شكل 3.34 مين  $I_0$  حاصل كريں۔

حل: یہاں i<sub>2</sub> منبع روسے گزرتی ہے للذا

 $i_2 = 4 \,\mathrm{mA}$ 

باب. 3. جو ژاور دائر ي تحب زييه

ہو گی۔ہم اگر  $i_2$  کو استعمال کرتے ہوئے کرخوف قانون دباو ککھنا چاہیں تو 6 mA منبع سے گزرتے ہوئے دباو کی قیمت جانے کا ہمارے پاس کوئی طریقہ موجود نہیں ہے۔ یہ مسئلہ  $i_3$  کی صورت میں بھی در پیش ہے۔ ہاں ہم دیکھتے ہیں کہ اس منبع روسے 6 mA روہی گزر سکتی ہے لہذا

$$(3.42) i_3 - i_1 = 6 \,\mathrm{mA}$$

ہو گا۔ چونکہ  $i_2$  ہم پہلے ہی حاصل کر چکے ہیں لہذا  $i_1$  اور  $i_3$  جاننے کے لئے دوعدد ہمزاد مساوات در کار ہیں۔مساوات abcdefa پر کرخوف قانون دباو سے کھتے ہیں۔

(3.43) 
$$10 + 4000(i_1 - 4 \text{ mA}) + 5000(i_3 - 4 \text{ mA}) + 10000i_3 + 8 = 0$$

مندرجه بالا دو ہمزاد مساوات حل كرتے ہوئے درج ذيل حاصل ہوتا ہے۔

$$i_1 = -\frac{72}{19} \,\mathrm{mA}$$
$$i_3 = \frac{42}{19} \,\mathrm{mA}$$

در کار رو حاصل کرتے ہیں۔

$$I_0 = i_2 - i_3 = \frac{34}{19} \,\text{mA}$$

مشق 3.13: