برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/(a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا ر قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	(```	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								ىلە دا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•				او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								ىلە دا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	•	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	زراز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(تعمار	والمع	د با	\dot{c}	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی) برق گیراو	6
ر من بر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر میں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہو		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعادی اداماله کیر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۰ میں اور در میں میں ہوتات کی میں میں تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

295																												ت	وار	مسا	ومي	عمو	ى كى	بعمل	,,		7.2	.1			
321																																					- /		7.3		
328												•																	•	•						د وار	ر جی ا	روو	7.4		
359																																				رو	ر برلتی ر	لت	برقرارحا	8	
359																																							8.1		
364																																							8.2		
373																															L	نفاعل	ی	ج جر	فلوط	ور م	ن ن نماا	سائ	8.3		
381																																					ی سم ^ا		8.4		
386																																				۳ ایال	جرس	مز ا	8.5		
396																																							8.6		
409																																							8.7		
419																																							8.8		
424																																							8.9		
443																																					*	: :	برقرار بر	9	
443 443																																							<i>יגיו</i> נגי 9.1	9	
443 446																																					•		9.1		
440 453	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	•	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	12.	الا		· /	نتفا	; _;				ت د د	ططاقہ 	اوسر و ا	9.2		
453 463																																							9.3		
472																																							9.5		
476																																							9.6		
484																																							9.7		
489																																		•	•				9.8		
491																																						•	9.9		
																																					-	- 1	9.10		
																																							9.11		
.,,	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	_		-				
499																																				ار	بےادوا	_''7	مقناطيسى	10	
499																																							10.1		
517																															ر ه	اذخ	ائی د	توانا	میں	الد	زكدا	مشه	10.2		

باب10

مقناطیسی جڑے ادوار

10.1 مشتركه اماله

i شکل 10.1-الف میں N چکر کا چھھ المتناطیسی مادے سے بنائے گئے قالب 2 پر لیبٹا گیا دکھایا گیا ہے۔اس کچھ میں ارو گرز نے سے مقناطیسی میدان پیدا ہوتا ہے۔ یوں رو کے گزرنے سے کرزنے سے مقناطیسی بہاو 6 پیدا ہوتا ہے جسے ہلکی ساہی میں نقطہ دار کبیر سے دکھایا گیا ہے۔

کچھے میں روکی سمت اور مقناطیسی بہاو کی سمت کے تعلق پر غور کریں۔ان کا تعلق دائیں ہاتھ کا قانون کہلاتا ہے۔دائیں ہاتھ کا قانون درج ذیل ہے۔

اگر لچھے کو دائیں ہاتھ سے یوں کپڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں رو کی سمت میں لیٹے جائیں تب اس ہاتھ کا انگوٹھا بہاو کی سمت دے گا۔

مقناطیسی بہاو کو کسی مخصوص خطے میں رکھنے کی خاطر مقناطیسی قالب استعال کیا جاتا ہے۔مقناطیسی بہاو کے لئے مقناطیس مادے سے گزرنازیادہ آسان ثابت ہوتا ہے لہذا شکل 10.1-الف میں بہاو قالب کے اندر ہی رہتے ہوئے گھڑی کے سوئیوں

coil¹

magnetic $flux^3$

کے گھومنے کی سمت میں گھومتا ہے۔ یوں مقناطیسی بہاو ہ کچھے کے تمام چکروں کے اندر سے گزرتا ہے۔ کچھے کا ارتباط بہاو⁴ کر درج ذیل ہے۔

$$(10.1) \lambda = N\phi$$

اس کتاب میں صرف خطی نظام پر غور کیا گیا ہے۔خطی صورت میں ارتباط بہاو اور رو کا تعلق درج ذیل ہے

$$\lambda = Li$$

جہاں مساوات کے مستقل L کو خود امالہ 5 یا امالہ کہتے ہیں۔ باب 6 میں امالہ پر غور کیا گیا ہے۔ درج بالا دو مساوات کو ملاتے ہوئے بہاو اور روکا تعلق ملتا ہے۔

$$\phi = \frac{Li}{N}$$

قانون فیراڈے کے تحت بدلتی ارتباط بہاو کھے میں امالی دباو پیدا کرتا ہے۔

$$(10.4) v = \frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 10.2 کو درج بالا مساوات میں پر کرتے ہیں۔

$$v = \frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}(Li)}{\mathrm{d}t} = L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + i\frac{\mathrm{d}L}{\mathrm{d}t}$$

مستقل اماله کی صورت میں اس مساوات سے اماله کی جانی پیچانی درج ذیل مساوات حاصل ہوتی ہے۔

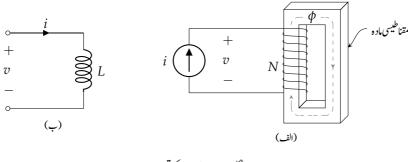
$$(10.5) v = L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

اس کتاب میں مستقل امالہ پر ہی غور کیا جائے گا۔ شکل 10.1-ب میں اس امالہ کو دکھایا گیا ہے۔ یہاں غور کریں کہ مزاحت کی طرح امالہ کے دباو اور رو بھی انفعالی رائج سمت کے تحت ہیں۔ یوں امالہ میں رو مثبت دباو والے سر سے داخلی ہوتی ہے۔ مساوات 10.5 کہتا ہے کہ بدلتی روکے گزرنے سے امالہ میں دباوپیدا ہوتا ہے۔

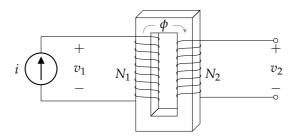
شکل 10.1-الف میں موجود کچھے کے قریب دوسرا کچھار کھنے سے شکل 10.2 حاصل ہوتا ہے۔دوسرے کچھے میں رو نہیں گزر رہی ہے۔پہلے کچھے کاار تباط بہاو درج ذیل ہے۔

$$\lambda_1 = N_1 \phi = L_1 i_1$$

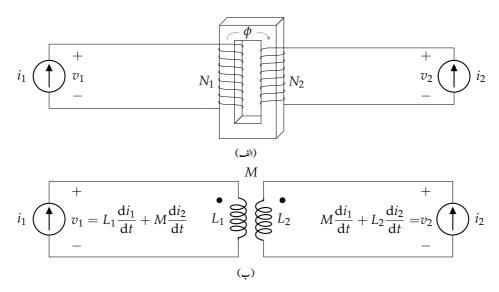
flux linkage⁴ self inductance⁵



شكل 10.1:خوداماله كي تعريف.



شكل10.2 ليجھے مقناطيسي ميدان كے ذريعے رابطے ميں ہيں۔



شکل 10.3: قالب میں کچھوں کے بہاوایک ہی سمت میں ہیں۔

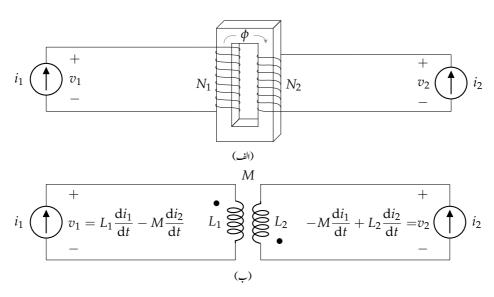
 $v_1=rac{\mathrm{d}\lambda_1}{\mathrm{d}t}=v_1$ بدلتی رو کی صورت میں ارتباط بہاو بھی وقت کے ساتھ تبدیل ہو گا۔بدلتا ارتباط بہاو پہلے کچھے میں دباو L_1 فرقت کے ساتھ L_1 کو خود امالہ L_1 کہا جاتا ہے۔ $L_1 rac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t}$

دوسرے کچھے کا ارتباط بہاو $\lambda_2=N_2\phi$ ہے جو دوسرے کچھے میں قانون فیراڈے کے تحت درج ذیل دباو پیدا کرے گا۔

(10.7)
$$v_2 = \frac{d\lambda_2}{dt} = \frac{d}{dt} \left(N_2 \phi \right) = \frac{d}{dt} \left(N_2 \frac{L_1 i_1}{N_1} \right) = \frac{N_2}{N_1} L_1 \frac{di_1}{dt} = L_{21} \frac{di_1}{dt}$$

دوسرے کچھے کا دباو پہلے کچھے کی رو کے وقتی تفرق کے راست تناسب ہے۔راست تناسب کے مستقل L_{21} کو دونوں کچھوں کا مشتر کہ امالہ 7 کہا جاتا ہے جے ہینری H میں ناپا جاتا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ یہ کچھے آپ میں مقناطیسی میدان کے دریعہ رابطے میں ہیں۔یوں ان کچھوں کو موبوط پھھے 8 کہا جاتا ہے۔ شکل 10.3-الف میں دونوں کچھوں کو انفرادی منبع سے رو فراہم کی گئی ہے۔دونوں کچھوں پر باری باری فور کریں۔ان کی رواور قالب کے گرد کچھے کے چکروں کی سمت کو دیکھیں۔انفرادی کچھے کی روگھڑی کی سمت میں گھومتی بہاو پیدا کرتی ہے۔ اس طرح دونوں رو مل کر مقناطیسی بہاو ϕ

self inductance⁶ mutual inductance⁷ coupled coils⁸



شکل 10.4: قالب میں کیچھوں کے بہاوآ پس میں الٹ سمت ہیں۔

پیدا کرتی ہیں۔یوں کچھوں کی ارتباط بہاو درج ذیل ہو گی۔

$$\lambda_1 = L_1 i_1 + L_{12} i_2$$

$$(10.9) \lambda_2 = L_{21}i_1 + L_2i_2$$

فیراڈے کے قانون کے تحت لیھوں کے دباو حاصل کرتے ہیں۔

(10.10)
$$v_1 = \frac{d\lambda_1}{dt} = L_1 \frac{di_1}{dt} + L_{12} \frac{di_2}{dt}$$

(10.11)
$$v_2 = \frac{d\lambda_2}{dt} = L_{21} \frac{di_1}{dt} + L_2 \frac{di_2}{dt}$$

ان مساوات میں $M=L_{12}=L_{21}=M$ کے برابر ہے جہاں مشتر کہ امالہ کو M سے ظاہر کیا گیا ہے۔ کچھے کے دباو کے دواجزاء ہیں۔ پہلا جزو کچھے کی اپنی رو کی بنا ہے اور یہ خود جزو کہلاتا ہے۔ دوسرا جزو قریبی کچھے کی رو کے بنا ہے اور یہ مشتر ک جزو کہلاتا ہے۔

شکل 10.3-ب میں موبوط کچھوں کو ظاہر کرناد کھایا گیا ہے۔ کچھوں کے انفرادی خود امالہ کو L_1 اور L_2 سے ظاہر کیا گیا ہے۔ گیا ہے جبکہ ان کے مابین مشتر کہ امالہ کو M سے ظاہر کیا گیا ہے۔

شکل 10.4-الف میں قالب کے گرد، دائیں کچھے کے چکر الٹائے گئے ہیں۔یوں قالب میں بائیں کچھے کا بہاو گھڑی کی سمت میں گھومتا ہے جبکہ دائیں کچھے کا بہاو گھڑی کی الٹ سمت میں گھومتا ہے المذاکل بہاو ، حاصل کرنے کی خاطر بائیں کچھے کے بہاوسے دائیں کچھے کا بہاو منفی کرنا ہو گا۔اس طرح کچھوں کی ارتباط بہاو

$$\lambda_1 = L_1 i_1 - M i_2$$

$$\lambda_2 = -Mi_1 + L_2i_2$$

کھی جائے گی اور ان کے دباو درج ذیل کھے جائیں گے۔

$$(10.14) v_1 = L_1 \frac{di_1}{dt} - M \frac{di_2}{dt}$$

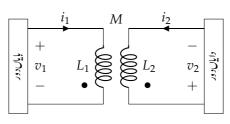
(10.15)
$$v_2 = -M \frac{di_1}{dt} + L_2 \frac{di_2}{dt}$$

شکل 10.3-الف میں دونوں کچھوں کی انفرادی بہاو کا مجموعہ قالب میں کل بہاو دیتا ہے جبکہ شکل 10.4-الف میں بائیں کے کچھے کے بہاو سے دائیں کچھے کا بہاو تفریق کرنے سے قالب میں کل بہاو ہ حاصل ہوتا ہے۔ کچھوں میں روکی سمت، قالب کے گرد چکر کی سمت اور قالب میں بہاو کی سمت کو نہایت عمد گی سے نقطوں کی مدد سے ظاہر کیا جاتا ہے۔شکل 10.3-ب اور شکل 10.4-ب میں ان نقطوں کا استعال دکھایا گیا ہے۔

انفرادی کچھے کی رواور دباو کو انفعالی رائج سمت کے تحت چننیں۔دونوں کچھوں میں نقطوں والے سرسے رو داخل ہونے کی صورت میں دباوکا مشترک جزو شبت کھا جاتا ہے جبکہ ایک کچھے کی رو نقطے والے سر اور دوسرے کچھے کی رو بے نقطے والے سر اور دوسرے کچھے کی رو بے نقطے والے سر اور دوسرے کچھے کی رو بے نقطے مروں سے داخل ہونے کی والے سرسے داخل ہونے کی صورت میں مشترک دباو مثبت کھا جاتا ہے۔دونوں رو بے نقطے سروں سے داخل ہونے کی صورت میں مشترک دباو مثبت کھا جاتا ہے۔دباوکا خود جزو تمام صورتوں میں انفعالی رائج سمت کے تحت مثبت کھا جاتا ہے۔یوں شکل 10.4 میں مساوات 10.10 اور مساوات 10.11 دباودیں گے جبکہ شکل 10.4 میں مساوات 10.14 میں مساوات 10.15 دباودیں گے۔

مشترک امالہ کے کرخوف مساوات دباونسبتاً زیادہ آسانی سے لکھے جاتے ہیں۔

مثال 10.1: شکل 10.5 میں دیے دور کے دونوں اطراف کے دباو کے مساوات ککھیں۔



شكل 10.5 مثال 10.1 كادور ـ

حل: بائیں جانب v_1 اور i_1 عین انفعالی رائج سمت کے تحت کھے گئے ہیں۔ یوں دباو کا خود جزو مثبت ککھا جائے گا۔ دونوں کچھوں میں رو بے نقطے سروں سے داخل ہوتی ہے للذا دباو کا مشترک جزو مثبت ککھا جائے گا۔ یوں بائیں جانب کرخوف کی مساوات درج ذیل ہوگی۔

$$v_1 = L_1 \frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t} + M \frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t}$$

دائیں جانب v_2 اور i_2 انفعالی رائج سمت کے تحت نہیں چننے گئے ہیں۔ یوں دباو کے اجزاء ککھتے ہوئے اس کا خیال رکھا جائے گا۔ دوسرے کچھے کی مساوات درج ذیل

$$-v_2 = L_2 \frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} + M \frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t}$$

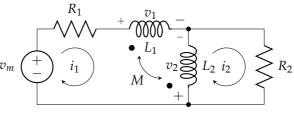
لعيني

$$v_2 = -M\frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t} - L_2\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t}$$

لکھی جائے گی۔

مثال 10.2: شکل 10.6 کے دور کے کرخوف مساوات دباو کھیں۔

 i_1 اور i_2 اور کیمتے ہوئے v_2 اور v_2 اور v_3 اور کیمتے ہوئے v_3 افعالی رائج سمت کے تحت چننا گیا ہے۔ امالہ v_1 کے دباو کے دواجزاء ہیں۔ اس کے خود جزو جننا گیا ہے۔ امالہ v_1 کے دباو کے دواجزاء ہیں۔ اس کے خود جزو



شكل 10.6: مثال 10.2 كادور

 i_2-i_1 میں روامالہ L_1 کے دباو کا مشتر ک جزودیتی ہے۔امالہ L_2 کے نقطے والے سرسے کل داخلی ہونے والی رو $M \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}(i_2-i_1)$ کا مشتر ک جزو L_1 کا مشتر ک جزو L_1 کا مشتر ک جزودی ہے۔اس طرح پہلے امالہ کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(10.16)
$$v_1 = L_1 \frac{di_1}{dt} + M \frac{d}{dt} (i_2 - i_1)$$

امالہ L_2 کا خود جزو L_2 ہوتا ہے جو امالہ L_2 ہے۔امالہ L_2 کے نقطے والے سر سے i_1 داخل ہوتا ہے جو امالہ L_2 کیا کھا جا سکتا نقطے والے سر پر مثبت دباو پیدا کرے گا۔ یوں L_2 کے دباو کا مشتر کے جزو $M \frac{\mathrm{d} i_1}{\mathrm{d} t}$ ہو گا۔ یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(10.17)
$$v_2 = L_2 \frac{d}{dt} (i_2 - i_1) + M \frac{di_1}{dt}$$

اب دور کو دیکھتے ہوئے کر خوف مساوات لکھتے ہیں۔

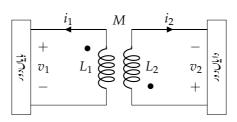
$$(10.18) v_m = i_1 R_1 + v_1 - v_2$$

$$(10.19) 0 = v_2 + i_2 R_2$$

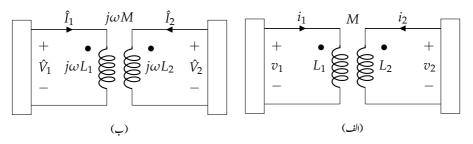
ان میں مساوات 10.16 اور مساوات 10.17 پر کرتے ہوئے جواب لکھتے ہیں۔

(10.20)
$$v_m = i_1 R_1 + L_1 \frac{di_1}{dt} + M \frac{d}{dt} (i_2 - i_1) - L_2 \frac{d}{dt} (i_2 - i_1) - M \frac{di_1}{dt}$$

(10.21)
$$0 = L_2 \frac{d}{dt} (i_2 - i_1) + M \frac{di_1}{dt} + i_2 R_2$$



شكل 10.7 : مثق 10.1 كادور



شكل 10.8: وقتى دائره كارسے تعددى دائره كار كاحصول ـ

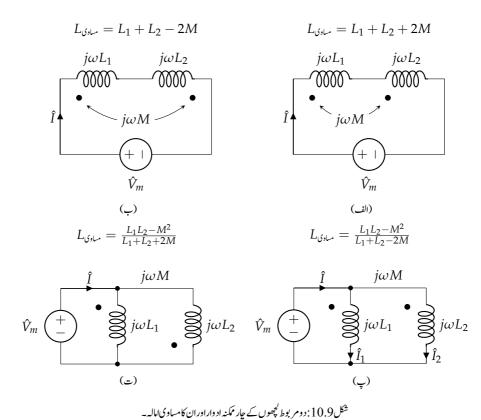
مثق 10.1: شکل 10.7 میں دیے دور کے دونوں اطراف کے دباو کھیں۔

$$v_2=L_2rac{ ext{d}i_2}{ ext{d}t}-Mrac{ ext{d}i_1}{ ext{d}t}$$
 ، $v_1=-L_1rac{ ext{d}i_1}{ ext{d}t}+Mrac{ ext{d}i_2}{ ext{d}t}$: جوابات:

شکل 10.8-الف میں وقتی دائرہ کار کا دور جبکہ شکل-ب میں اسی کو تعددی دائرہ کار کی صورت میں دکھایا گیا ہے۔ شکل-ب کے کرخوف مساوات درج ذیل ہیں۔

$$\hat{V}_1 = j\omega L_1 \hat{I}_1 + j\omega M \hat{I}_2$$
$$\hat{V}_2 = j\omega M \hat{I}_1 + j\omega L_2 \hat{I}_2$$

اب_10 مقت طبیسی جڑے ادوار



مثال 10.3: دو عدد مر بوط کیجے چار مختلف طریقوں سے آپس میں جوڑے جا سکتے ہیں جنہیں شکل 10.9 میں دکھایا گیا ہے۔ جاروں صور توں میں ان کا مساوی امالہ حاصل کریں۔ شکل میں ان مساوی امالہ سادی اللہ سادی کھا گیا ہے۔

 $\hat{V}_m=j\omega L_1\hat{l}+j\omega M\hat{l}+j\omega L_2\hat{l}+j\omega M\hat{l}$ $=j\omega\hat{l}(L_1+L_2+2M)$ $=j\omega\hat{l}(L_1+L_2+2M)$

(10.22) جبال آخری قدم پر قوسین میں بند برتو کو مساوی امالہ مبادی کہا گیا ہے۔
$$L_{C31} = L_1 + L_2 + 2M$$

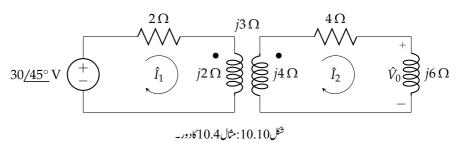
$$\mathcal{L}_{C31} = L_1 + L_2 + 2M$$

$$\mathcal{L}_{C32} = L_1 + L_2 + 2M$$

$$\mathcal{L}_{C32} = \mathcal{L}_{C32} = \mathcal{L}_{C$$

$$=rac{\hat{V}_m}{j\omega L_{0,1}}$$
 جہاں آخری قدم پر مساوی امالہ کی نشاند ہی کی گئی ہے لیعنی $L_{0,1}=rac{L_1L_2-M^2}{L_1+L_2-2M}$

باب 10 مقت طبی جڑے ادوار



مثق 10.2: شکل 10.9-ت میں دیے دور کا مساوی امالہ دریافت کریں۔

جواب:

510

(10.25)
$$L_{color} = \frac{L_1 L_2 - M^2}{L_1 + L_2 + 2M}$$

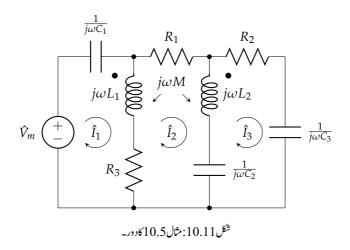
مثال 10.4: شکل 10.10 میں \hat{V}_0 وریافت کریں۔

حل: كرخوف مساوات لكھتے ہیں۔

$$30/45^{\circ} = (2+j2)\hat{I}_1 - j3\hat{I}_2$$
$$0 = -j3\hat{I}_1 + (j4+4+j6)\hat{I}_2$$

ان ہمزاد مساوات کو حل کرنے سے درج ذیل ملتا ہے۔

$$\hat{I}_1 = 11.474/17.08^{\circ} \text{ A}$$
 $\hat{I}_2 = 3.196/38.88^{\circ} \text{ A}$



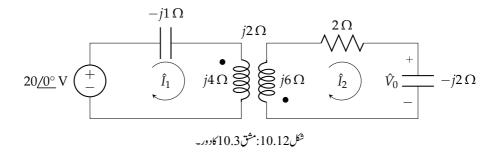
رو \hat{I}_2 کو استعال کرتے ہوئے خارجی دباو حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_0 = (j6)(\hat{I}_2) = (6/90^\circ)(3.196/38.88^\circ) = 19.176/128.88^\circ \text{V}$$

مثال 10.5: شکل 10.11 کر دائری کر خوف مساوات کھیں۔ بعض او قات دور میں دو عدد سے زیادہ مر بوط امالہ موجود ہوتے ہیں۔ایی صورت میں تیر کے کلیروں سے دو دو امالہ کی نشانہ ہی کی جاتی ہے۔اس شکل میں L_1 اور L_2 کے تعلق $j\omega M$ کی نشانہ ہی کی گئی ہے۔

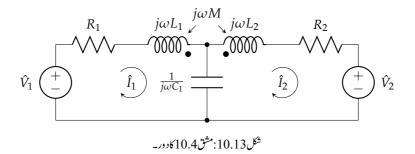
حل: کرخوف مساوات لکھتے ہوئے مختاط اور چوکس رہیں۔ تین خانوں کے مساوات درج ذیل ہیں۔

$$\begin{split} \hat{V}_{m} &= \frac{\hat{I}_{1}}{j\omega C_{1}} + j\omega L_{1}(\hat{I}_{1} - \hat{I}_{2}) + R_{3}(\hat{I}_{1} - \hat{I}_{2}) + j\omega M(\hat{I}_{2} - \hat{I}_{3}) \\ 0 &= R_{3}(\hat{I}_{2} - \hat{I}_{1}) + j\omega L_{1}(\hat{I}_{2} - \hat{I}_{1}) + R_{1}I_{2} + j\omega L_{2}(\hat{I}_{2} - \hat{I}_{3}) \\ &+ \frac{1}{j\omega C_{2}}(\hat{I}_{2} - \hat{I}_{3}) - j\omega M(\hat{I}_{2} - \hat{I}_{3}) + j\omega M(\hat{I}_{1} - \hat{I}_{2}) \\ 0 &= \frac{\hat{I}_{3}}{j\omega C_{3}} + j\omega L_{2}(\hat{I}_{3} - \hat{I}_{2}) + R_{2}\hat{I}_{3} + \frac{\hat{I}_{3}}{j\omega C_{3}} - j\omega M(\hat{I}_{1} - \hat{I}_{2}) \end{split}$$



انبیں ترتیب دیتے ہوئے دوبارہ کلھتے ہیں۔ ترتیب دینے سے تشاکل میاوات حاصل ہوتے ہیں۔ $\left(\frac{1}{j\omega C_1} + j\omega L_1 + R_3\right) \hat{I}_1 - \left(j\omega L_2 + R_3 - j\omega M\right) \hat{I}_2 - j\omega M \hat{I}_3 = \hat{V}_m$ $- \left(j\omega L_1 + R_3 - j\omega M\right) \hat{I}_1 + \left(R_3 + j\omega L_1 + R_1 + j\omega L_2 + \frac{1}{j\omega C_2} - 2j\omega M\right) \hat{I}_2$ $- \left(\frac{1}{j\omega C_2 + j\omega L_2 + R_2 + \frac{1}{j\omega C_3}} - j\omega M\right) \hat{I}_3 = 0$ $- j\omega M \hat{I}_1 - \left(j\omega L_2 + \frac{1}{j\omega C_2} - j\omega M\right) \hat{I}_2 + \left(\frac{1}{j\omega C_2} + j\omega L_2 + R_2 + \frac{1}{j\omega C_3}\right) \hat{I}_3 = 0$

مثن 10.3: شكل 10.12 مثن
$$\hat{V}_0$$
 اور \hat{V}_0 اور \hat{V}_0 وريافت كريں۔ $\hat{V}_0=8/36.9^\circ$ V ، $\hat{I}_2=4/126.9^\circ$ A ، $\hat{I}_1=8.9/-79.7^\circ$ A

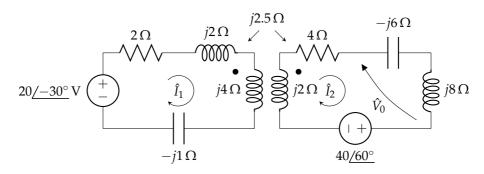


مثق 10.4: شکل 10.13 کے کرخوف مساوات لکھیں۔

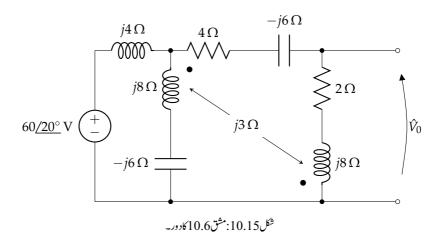
جوابات:

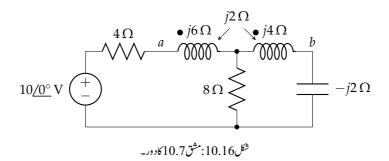
$$\left(R_1 + j\omega L_1 + \frac{1}{j\omega C_1}\right)\hat{I}_1 - \left(\frac{1}{j\omega C_1} + j\omega M\right)\hat{I}_2 = \hat{V}_1$$
$$-\left(\frac{1}{j\omega C_1} + j\omega M\right)\hat{I}_1 + \left(\frac{1}{j\omega C_1} + j\omega L_2 + R_2\right)\hat{I}_2 = -\hat{V}_2$$

مشق 10.5: شکل 10.14 میں \hat{l}_1 اور \hat{l}_2 معلوم کرتے ہوئے \hat{V}_0 دریافت کریں جہاں تیر والے کئیر سے ان نقطوں کی نشاندہی کی گئی ہے جن کے مابین دباو در کار ہے۔ تیر والا سر مثبت دباو کے مقام کی نشاندہی کرتا ہے۔ یوں j8 ماللہ کا نجلی سراحوالہ لیتے ہوئے j6 j7 برق گیر کے بائیں سر پر دباو حاصل کرنا در کار ہے۔



شكل 10.14: مثق 10.5 كادور





مثق 10.6: شکل 10.15 میں بائیں اور دائیں دائروں کی روحاصل کرتے ہوئے \hat{V}_0 دریافت کریں-دباوحاصل کرتے ہوئے دباو کا مشترک جزو شامل کرنامت بھولیں۔

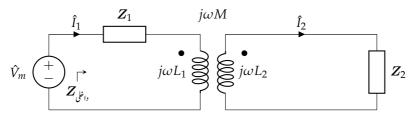
 $31.4/83.55^{\circ}$ V ، $5.97/-24.2^{\circ}$ A ، $13.9/-55.2^{\circ}$ A ؛ $31.4/83.55^{\circ}$ V

مثق 10.7: شکل 10.16 میں \hat{V}_{ab} دریافت کریں-دونوں امالہ کے دباو کے مشترک جزو شامل کرنامت بھولیں۔ جواب: V_{ab} 10.5/15° V

مثال 10.6: شکل 10.17 میں منبع دیاو کو نظر آنے والا داخلی رکاوٹ _{داخلی} Z دریافت کریں۔

عل:رو \hat{l}_1 دریافت کرتے ہوئے رکاوٹ کو $\frac{\hat{V}_m}{\hat{l}_1}$ سے حاصل کیا جائے گا۔دونوں دائروں کے کرخوف مساوات کھتے ہیں۔

$$\hat{V}_m = (\mathbf{Z}_1 + j\omega L_1)\hat{I}_1 - j\omega M\hat{I}_2$$
$$0 = -j\omega M\hat{I}_1 + (j\omega L_2 + \mathbf{Z}_2)\hat{I}_2$$



شكل 10.17:مثال 10.6 كادور ـ

دوسری مساوات سے أو حاصل كرتے ہوئے

$$\hat{I}_2 = \frac{j\omega M}{j\omega L_2 + \mathbf{Z}_2} \hat{I}_1$$

اس کو بائیں دائرے کی کرخوف مساوات میں پر کرتے ہیں

$$\hat{V}_m = (\mathbf{Z}_1 + j\omega L_1)\hat{I}_1 - j\omega M \frac{j\omega M}{j\omega L_2 + \mathbf{Z}_2}\hat{I}_1$$

جہاں سے داخلی ر کاوٹ درج ذیل لکھی جاسکتی ہے۔

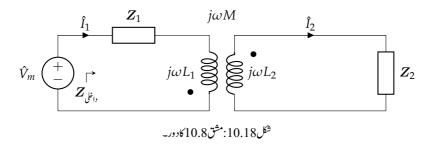
$$oldsymbol{Z_{oldsymbol{\mathcal{G}}_{i,}}}{oldsymbol{\mathcal{G}}_{i,}}=rac{\hat{V}_{m}}{\hat{I}_{1}}=oldsymbol{Z}_{1}+j\omega L_{1}+rac{\omega^{2}M^{2}}{j\omega L_{2}+oldsymbol{Z}_{2}}$$

مثق 10.8: درج بالا مثال کے دور میں مشتر کہ امالہ پر ایک نقطے کا مقام تبدیل کرتے ہوئے شکل 10.18 حاصل کیا گیا ہے۔اس میں منبع دباو کو نظر آنے والا داخلی رکاوٹ _{داخلی} کے دریافت کریں۔

جواب:

$$oldsymbol{Z}_{oldsymbol{\mathcal{C}}_{j}}$$
, $= \frac{\hat{V}_{m}}{\hat{I}_{1}} = oldsymbol{Z}_{1} + j\omega L_{1} + \frac{\omega^{2}M^{2}}{j\omega L_{2} + oldsymbol{Z}_{2}}$

آپ نے دیکھا کہ اس دور میں نقطے کا مقام تبدیل کرنے سے داخلی رکاوٹ تبدیل نہیں ہوتا۔



مثق 10.9: شكل 10.16 ميں منبع دباو كو كيار كاوٹ نظر آتا ہے۔

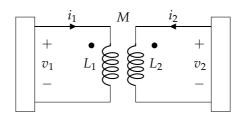
 $5.88 + j11.53 \,\Omega$:واب

10.2 مشتركه اماله ميں توانائی كاذخيره

شکل 10.19 کو دیکھے۔رو متناطیسی میدان پیدا کرتی ہے۔رو کی غیر موجود گی میں اس دور میں متناطیسی بہاو نہیں پایا جائے گا۔ یوں اس میں و خیر ہ متناطیسی توانائی بھی صفر کے برابر ہو گی۔اب تصور کریں کہ دایاں کچھا کھے سر رکھتے ہوئے بائیں کچھے کی رو t_1 دورانے میں t_1 کر دی جاتی ہے۔اس دورانے کے دوران بائیں کچھے کو درج ذیل توانائی فراہم کی جائے گی۔

$$\int_0^{t_1} v_1(t)i_1(t) dt = \int_0^{t_1} \left[L_1 \frac{di_1(t)}{dt} \right] i_1(t) dt = \int_0^{I_1} L_1 i_1 di_1 = \frac{L_1 I_1^2}{2}$$

اس دوران دائیں کچھے کی روصفر کے برابر ہے للذا t_1 کے دوران دائیں کچھے کو کوئی توانائی فراہم نہیں کی جاتی۔اب فرض کریں کہ بائیں کچھے کی روائی قیمت پر رکھی جاتی ہے جبکہ دائیں کچھے کی روائی نے t_2 کردی جاتی ہے۔چونکہ



شكل 10.19: مشتركه اماليه مين ذخير ه توانا كي _

تا t_2 بائیں کچھے کی رو تبدیل نہیں ہور ہی ہے لہذا دائیں کچھے کے دباو میں مشترک جزو صفر کے برابر ہو گا۔یوں دائیں لیھے کا دباو $v_2=L_2rac{\mathrm{d} i_2}{\mathrm{d} t}$ کی جاتی ہے۔

$$\int_{t_1}^{t_2} v_2(t) i_2(t) dt = \int_{t_1}^{t_2} \left[L_2 \frac{di_2(t)}{dt} \right] i_2(t) dt = \int_0^{l_2} L_2 i_2 di_2 = \frac{L_2 I_2^2}{2}$$

اسی دورانے (t_1 تا t_2) میں چونکہ دائیں کچھے کی رو تبدیل ہورہی ہے (جبکہ $i_1=I_1$ مستقل ہے) لہذا بائیں کچھے کے دباو میں مشترک جزو پایا جائے گا اور یوں اس کا دباو درج ذیل کھا جائے گا

$$v_1 = L_1 \frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t} + M \frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} = M \frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t}$$

جہاں i_1 مستقل ہونے کی وجہ سے $0=rac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t}=0$ ہے۔یوں i_2 تا i_3 کے دوران بائیں کچھے کو درج ذیل توانائی مہیا کی جاتی ہے۔

$$\int_{t_1}^{t_2} v_1(t)i(t) dt = \int_{t_1}^{t_2} \left[M \frac{di_2(t)}{dt} \right] I_1 dt = \int_0^{I_2} MI_1 di_2 = MI_1I_2$$

ان تینوں جوابات کا مجموعہ لمحہ t_2 تک مشتر کہ امالہ کو فراہم کی گئی توانائی دیتا ہے۔

(10.26)
$$w = \frac{L_1 I_1^2}{2} + \frac{L_2 I_2^2}{2} + M I_1 I_2$$

اگرایک لچھے پر نقطے کا مقام تبدیل کرتے ہوئے جواب حاصل کیا جائے تب درج ذیل جواب حاصل ہوتا ہے۔

(10.27)
$$w = \frac{L_1 I_1^2}{2} + \frac{L_2 I_2^2}{2} - M I_1 I_2$$

آپ نے دیکھا کہ ذخیرہ توانائی کا دارو مدار روپر ہے ناکہ t_1 اور t_2 پر۔ یوں کسی بھی کمھے کچھوں کی رو $i_1(t)$ اور $i_2(t)$ کھتے ہوئے اس کمچے ذخیرہ توانائی کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔ $i_2(t)$

(10.28)
$$w(t) = \frac{L_1 i_1^2(t)}{2} + \frac{L_2 i_2^2(t)}{2} \mp M i_1(t) i_2(t)$$

چونکہ مشتر کہ امالہ غیر عامل پرزہ ہے لہذا یہ توانائی پیدا نہیں کرتا۔یوں اس کی توانائی تبھی بھی منفی نہیں ہو سکتی۔یوں درج بالا مساوات میں غیر ضروری معلومات نہ لکھتے ہوئے درج ذیل لکھتے ہیں

(10.29)
$$w(t) = \frac{L_1 i_1^2}{2} + \frac{L_2 i_2^2}{2} \mp M i_1 i_2$$

جس میں $\frac{M^2i_1^2}{2L_2}$ جمع اور منفی کر کے ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(10.30)
$$w = \frac{1}{2} \left(L_1 - \frac{M^2}{L_2} \right) i_1^2 + \frac{L_2}{2} \left(i_2 + \frac{M}{L_2 i_1} \right)^2$$

درج بالا مساوات کا دوسرا جزو مربع ہے لہذا ہیہ ہر صورت مثبت ہو گا۔ چونکہ غیر عامل مشتر کہ امالہ کی توانائی مثبت ہے للمذا اس مساوات کا پہلا جزو بھی مثبت ہو گا جس سے درج ذیل شرط حاصل ہوتا ہے۔

$$(10.31) M \le \sqrt{L_1 L_2}$$

یہ مساوات مشتر کہ امالہ کی زیادہ سے زیادہ قیمت کا حد بیان کرتا ہے۔ یوں مشتر کہ امالہ صفر تا $\sqrt{L_1L_2}$ ممکن ہے۔

$$(10.32) 0 \le M \le \sqrt{L_1 L_2}$$

کسی بھی مشتر کہ امالہ کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(10.33)
$$M = k\sqrt{L_1 L_2}$$

جہاں k کو ارتباطی مستقل 9 کہتے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ارتباطی مستقل صفر تا اکائی ممکن ہے۔

$$(10.34)$$
 $0 < k < 1$

ار تباطی مستقل کی تعریف درج ذیل مساوات دیتی ہے۔

(10.35)
$$k = \frac{M}{\sqrt{L_1 L_2}}$$

coupling coefficient⁹

ارتباطی مستقل یہ بتااتا ہے کہ ایک لچھے کی کتنی بہاو دوسرے لچھے کے اندر سے گزرتی ہے۔ اس باب کے شروع میں مشتر کہ امالہ کے اشکال بناتے ہوئے ہم نے مقناطیسی قالب استعال کیا۔ مقناطیسی قالب کے استعال سے ایک لچھے کی تقریباً تمام بہاو دوسرے لچھے سے بھی گزرتی ہے۔ یوں ایس صورت میں $k \approx 1$ ہو گا۔ اس کے برعکس ایک دونوں سے دور، قالب سے نہ جوڑے گئے لچھوں کی صورت میں $k \approx 0$ ہو گا چو نکہ ایک لچھے کا بہاو دوسرے لچھے تک نہیں پہنچ پائے گا۔ ارتباطی مستقل کی قیمت زیادہ k = 0 ہو نے کی صورت میں ہم کہتے ہیں کہ لچھوں کا دابطہ مضبوط k = 0 جبکہ k < 0.5 کی صورت میں ہم کہتے ہیں کہ لچھوں کا دابطہ کمن ور k < 0.5

مثال 10.7:

strongly coupled¹⁰ weakly coupled¹¹