### برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

# عنوان

1																																									نياد	:	1
1																																	. ,	اد با	برق	واور	قىر	16	ر قی یا	,	1.1		
6																																		•	•		٠,	او ہم	ر قى با فانونِ	•	1.2		
8																																							، رئي وانائي		1.3		
-																																											
15																																							رقىپر		1.4		
15																																							.4.1				
17								•		•		•						•	•			•	•					•							لمبع	نابع'	•	1	.4.2	2			
27																																							ار	ادو	بزاحمتي	•	2
27																																						اوہم	فانون	,	2.1		
35																																							فوا نين فوا نين		2.2		
																																									2.3		
51																																											
52																																							نقشيم		2.4		
55																																							تعدو		2.5		
58																																							ملسله		2.6	)	
59																												ہے	نا_	ياجا	وبإ	) د با	سال	پريک	ئت	مزاج	ے	אהל	تتواز ک	٠	2.7	'	
61																																						. و	نقسيم	ï	2.8	;	
68																																									2.9	)	
																																									2.10		
76	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0		٠,	٠	٠.	• 21	•••	ت س. ،	ا مد م	ی سر	) <del></del> 		2.10 2.11	'	
84	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•		•	•	•			:	وله ر	ن تبا م	نگوا 	تناره- ابه من		2.12		
91			٠	•	•	•		•	•	•	•	•	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	٠	•			•	•	وار	ےاد	_1.	نےو	يا کر۔	نعاله	ح اسنا	ابعش		2.13		
10																																				يب	ا تر ک	ئرى	اوردا	جو ڑ	ز کیب	,	3
10	1.																																					ۈڑ	نجزیه	,	3.1		
104	1																													وار	.اد و	J	<u>نے وا</u>	ر_	ال ال	استنع	م حروا	ء منب	بري نحبر تاري		3.2	,	
11'																																									3.3		
12.																																									3.4		

132.																												ار	ادوا	لے	، وا	<u>;</u>	ی کر	نعاله	واسنة	مع د باه	تابع منز		3.5	
139.																																			:	اتجزبه	دائري		3.6	
140.																												ار	ادوا	لے	، وا	<u>;</u>	ی کر	نعاله	)است	ع منبعً	غيرتاز		3.7	
148.																												د وار	لےا	وا_	نے	کر.	مال	استنع	أروا	ع منبع	غيرتاز		3.8	
154.																																							3.9	
158.																												نہ	واز	کام	جوڙ	ب	ز کی	ورت	با	اتركيه	دائري	3	3.10	
161																																					40	1.	حساني	4
171.																																		ا ۱۰	1 7	. 20			حسابی، 4.1	4
171.																																							4.1	
174.																																							4.2	
																																							4.3	
176.	•	٠	•	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	کار	عام مذة س			
176.																																							4.5	
178.																																							4.6	
181.																																							4.7	
185.																																							4.8	
185.	٠	•	•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	٠	•	٠	•	٠	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	نائر	يميلية	الالى		4.9	
187																																							مستلے	5
187 .																																				بادور	مساوي		5.1	
187.																																							5.2	
191 .																																				**			5.3	
201.																																							5.4	
206 .																																							5.5	
225 .																																							5.6	
231 .	·	·	·	·	·	·	•		•			•		•	•	•	·	·	·	·	•	·	وار	ماد	<u>.</u>	نےوا		پ کر	ية متعال	ااست	نور	9,7	منب أمنب	مارلع	بار غىر	ے بع <sub>اور</sub>	، ابع منبر تاریع منبر		5.7	
239 .	·	·	·	·	·	·	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	·	•	·	٠	·		-		_		ں مسئا	زکا		- کر	منتقإ		ر باق طاق	) •• • •l.	ی سرز سرز	نان ناده		5.8	
23) .	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	_	~			٠	,	_			_			2.0	
247																																				أير	رامالياً	براو	برق	6
247.																																				٠ /,	برق ّ	ĺ	6.1	
259.																																							6.2	
267.																													ت	سيار	سوه	ی خو	۷,	ر گیر	إمال	بر براور	برق گ		6.3	
270 .																																							6.4	
274 .																																, .	یا گیم	برق	ے	ن جڑ۔	متوازة		6.5	
278 .																																		ن لیر	اله	واراه	سلسله		6.6	
280.																																		• ,	ر گیر	المال	متوازة		6.7	

# برق گیراوراماله گیر

#### 6.1 برق گیر

متوازی چاور بوق گیر  $^1$  جے شکل 6.1-الف میں دکھایا گیا ہے کے بارے میں آپ نے چھوٹی جماعتوں میں پڑھا ہو گا۔خالی خلاء میں دو عدد کیساں، سیرھے متوازی موصل چادر جن کے مابین فاصلہ a ہو اور ایک چادر کا رقبہ c ہو کی بوقی گنجائش c کا درج ذیل مساوات دیتی ہے

$$(6.1) C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

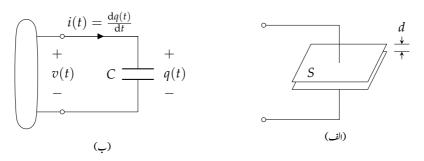
جہاں  $\epsilon_0$  خالی خلاء کا بوق مستقل  $\epsilon_0$  ہے جس کی قیمت  $\epsilon_0^{-12}\,\mathrm{Fm}^{-1}$  8.85 ہے۔ برقی گنجائش کو کولمب فی وولٹ  $\epsilon_0$  یا فیراڈ  $\epsilon_0$  میں ناپا جاتا ہے۔ فیراڈ  $\epsilon_0$  کا کا کی انتہائی بڑی مقدار ہے لہذا برقی گنجائش کو عموماً ما تکرو فیراڈ  $\epsilon_0$  وولٹ  $\epsilon_0$  میں ناپا جاتا ہے۔  $\epsilon_0$  میں ناپا جاتا ہے۔

capacitor<sup>1</sup>

 $capacitance^2$ 

permitivity, electric constant<sup>3</sup>

<sup>4</sup> فیراڈ کی اکا ئی انگلتان کے مشہور ماہر طبیعیات ما نگل فیراڈے کے نام سے منسوب ہے۔



شكل 6.1: متوازى چادر برق گير-

مثال 6.1: متوازی چادر برق گیر میں چادروں کے مابین فاصلہ 0.1 mm کے جبکہ اس کی برقی گنجائش μF مثال اللہ عادر کارقبہ دریافت کریں۔

حل: مساوات 6.1 استعال کرتے ہوئے

$$S = \frac{Cd}{\epsilon_0} = \frac{0.1 \times 10^{-6} \times 0.1 \times 10^{-3}}{8.854 \times 10^{-12}} = 1.129 \,\mathrm{m}^2$$

حاصل ہوتا ہے۔

شکل 6.1-ب میں برقی گیر کو v(t) منبغ دباو کے ساتھ جوڑا گیا ہے جس کی وجہ سے برگ گیر کے ایک چادر پر مثبت v(t) برقی بار v(t) اور دوسرے چادر پر منفی برقی بار v(t) بار ور نما ہوتا ہے جبکہ دونوں چادروں کے مابین دباو خطی تعلق پیا جاتا ہے۔ برق گیر کے چادروں پر بار اور ان کے مابین دباو خطی تعلق

$$(6.2) q(t) = Cv(t)$$

رکھتے ہیں جہاں خطی تعلق کے مستقل کو C سے ظاہر اور بوقی گنجائش کہتے ہیں۔ برقی گنجائش کے نام کو چھوٹا کرتے ہوئے عموماً گنجائش کہا جاتا ہے۔وقت کے ساتھ بدلتی بار کو برقی رو کہا جاتا ہے۔یوں برق گیر کے چادروں پر بارکی تبدیلی روکو جنم دیتی ہے جے

$$(6.3) i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

capacitance<sup>5</sup>

6.1. برق گیے ر

کھھا جا سکتا ہے جسے شکل 6.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔ برق گیر کے مثبت برقی سرپر مثبت روداخل ہوتی ہے۔یوں مزاحمت کی طرح برق گیر پر بھی دباواور روانفعالی رائج سمت کے تحت ہیں۔ مساوات 6.2 کو استعمال کرتے ہوئے

$$(6.4) i = \frac{d(Cv)}{dt}$$

لکھا جا سکتا ہے۔مستقل برقی گنجائش کی صورت میں اسے

$$(6.5) i = C \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$$

لکھا جا سکتا ہے۔مساوات 6.5 کو

$$\mathrm{d}v = \frac{1}{C}i\,\mathrm{d}t$$

لکھ کر تکمل لینے سے

$$(6.6) v(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i \, \mathrm{d}t$$

v(t) حاصل ہوتا ہے جہاں  $\infty$  = 0 پر برق گیر کا دباو  $v(-\infty)=0$  لیا گیا ہے۔مندرجہ بالا مساوات میں درج ذیل کھھ کر وقت کو آزاد متغیر 0 اور دباو کو تابع متغیر 0 طور پر کھا گیا ہے۔اس مساوات کو دو گلڑوں میں درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(6.7) 
$$v(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t_0} i \, dt + \frac{1}{C} \int_{t_0}^{t} i \, dt$$
$$= v(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^{t} i \, dt$$

 $t=t_0$  جہال وقت  $t=-\infty$  تا  $t=t_0$  تا  $t=t_0$  کے دوران برق گیر پر جمع ہونے والے بارکی وجہ سے برق گیر پر وقت پر دباو  $v(t_0)$  پایا جاتا ہے۔

برق گیر میں ذخیرہ توانائی  $w_C(t)$  کو طاقت کے تکمل سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔ برق گیر کو منتقل طاقت p(t) کو

(6.8) 
$$p(t) = v(t)i(t) = v(t)C\frac{dv(t)}{dt}$$

independent variable<sup>6</sup> dependent variable<sup>7</sup> کھا جا سکتا ہے۔چونکہ  $p=rac{\mathrm{d} w}{\mathrm{d} t}$  کے برابر ہے لمذا برق گیر میں ذخیرہ توانائی کو

$$w_C(t) = \int_{-\infty}^t Cv(t) \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} \, \mathrm{d}t$$
$$= C \int_{v(-\infty)}^{v(t)} v(t) \, \mathrm{d}v(t)$$
$$= C \frac{v^2(t)}{2} \bigg|_{v(-\infty)}^{v(t)}$$

لعيني

(6.9) 
$$w_{\rm C}(t) = \frac{Cv^2(t)}{2}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں  $v(-\infty)=0$  لیا گیا ہے۔مساوات 6.2 کی مدد سے اس مساوات کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(6.10) 
$$w_{C}(t) = \frac{q^{2}(t)}{2C}$$

مساوات 6.9 اور مساوات 6.10 برقی گیر میں ذخیرہ مخفی تو انائی 8 دیتے ہیں۔ یہ وہی تو انائی ہے جو برق گیر میں بار بھرتے ہوئے خرچ کی جاتی ہے۔

مساوات 6.5 کے تحت برقی گیر پر دباو کے تبدیلی کی شرح اور رو کا راست تناسب تعلق ہے۔چونکہ یک سمتی دباو تبدیل نہیں ہوتی للذا برق گیر پر یک سمتی دباو کی صورت میں اس میں کوئی رو نہیں گزرے گی۔یوں یک سمتی دباو کی نقطہ نظر سے برق گیر کھلا دور ہے للذا ادوار کے یک سمتی حل کے دوران تمام برق گیروں کو کھلے دور تصور کیا جاتا ہے۔

مساوات 6.8 کے تحت برق گیر کو منتقل طاقت، دباوکی شرح تبدیلی کے راست تناسب ہے۔ یوں برق گیر کا دباو فوراً تبدیل کرنے کے لئے لا محدود طاقت درکار ہو گی۔کائنات میں لا محدود طاقت کا منبع نہیں پایا جاتا المذا برق گیر کا دباو فوراً تبدیل کسی صورت تبدیل نہیں کیا جا سکتا۔ اسی حقیقت کو مساوات 6.5 سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جس کے تحت دباو فوراً تبدیل کرنے کے لئے لا محدود رو درکار ہو گی۔ چو نکہ لا محدود رو کہیں نہیں پائی جاتی للذا ایسا ممکن نہیں ہے۔ یہ ایک اہم متجہ ہے جس کے تحت دور میں موجود برق گیر کے دباو جس کے تحت دور میں موجود برق گیر کے دباو کی قیت وہی ہوگی جو سوئچ چالو (یا غیر چالو) کرنے سے پہلے تھی۔ اس حقیقت کو اگلے باب میں استعال کیا جائے گا۔

potential energy<sup>8</sup>

6.1. بن گیر

مساوات 6.2 برق گیر کی عمومی مساوات ہے۔ کسی بھی دو موصل جن کے در میان دباو v اور جن میں مثبت موصل پر +q اور منفی موصل پر +q اور منفی موصل پر +q باز پایا جاتا ہو کی گنجائش مساوات 6.2 دیتی ہے۔ یوں دور کے مختلف موصل حصوں مثلاً مزاحت، باقی تار، برق گیر وغیرہ کے مابین غیر مطلوب +q برقی گنجائش پائی جائے گی۔ بعض ادوار میں غیر مطلوب برقی گنجائش کو کم سے کم رکھنا ضروری ہوتا ہے جبکہ یک سمتی ادوار میں ان کے کردار کورد کیا جاتا ہے

مثال 6.2: برق گیرکی دباو 20 V سے 20.1 کرنے کی خاطر منبع رواستعال کیا جاتا ہے۔ برق گیرکی گنجائش μF مثال 6.2: برق گیرکی گنجائش عاصل ہے۔ تبدیلی کا دورانیہ ایک سیکنڈ، ایک نیمو سیکنڈ، ایک فیمٹو سیکنڈ اور صفر سیکنڈ نصور کرتے ہوئے درکار روکی قیمت حاصل کریں۔ دباوے تبدیلی کے دوران روکی قیمت مستقل تصور کریں۔

حل: دورانیه ایک سینڈ تصور کرتے ہوئے مساوات 6.5 کے تحت

$$i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{1}\right) = 0.1 \,\mu\text{A}$$

در کار ہو گی۔اسی طرح بالترتیب بقایا دورانیوں کے لئے درج ذیل رو حاصل ہوتی ہیں۔

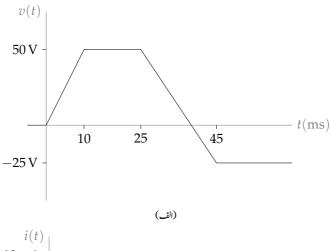
$$i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{10^{-9}}\right) = 100 \,\text{A}$$
  
 $i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{10^{-15}}\right) = 10^8 \,\text{A}$ 

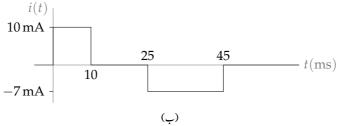
 $i = 10^{-6} \times \left(\frac{20.1 - 20}{0}\right) = \infty \,\mathrm{A}$ 

مثال 6.3:

دو قریبی موصل تاروں پر 300 nC بار ذخیرہ کرنے سے ان کے مابین 15 V دباو پیدا ہوتا ہے۔ان جوڑی موصل کی برقی گنجائش دریافت کریں۔

 $stray^9$ 





حل: مساوات 6.2 کے تحت

$$C = \frac{q}{v} = \frac{300 \times 10^{-9}}{15} = 20 \,\mathrm{nF}$$

ہو گا۔

مثال 6.4: شکل میں  $2\,\mu F$  برق گیر پر دباو د کھایا گیا ہے۔ برق گیر کی رو دریافت کریں۔  $2\,\mu F$  مثال 6.4: شکل میں دباو مسلسل مستقل شرح  $\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{50\,\mathrm{V} - 0\,\mathrm{V}}{10\,\mathrm{ms} - 0\,\mathrm{s}} = 5000\,\mathrm{V}\,\mathrm{s}^{-1}$ 

6.1. بن گير

$$v(t) = 5000t$$
  $(0 \le t \le 10 \,\mathrm{ms})$ 

ککھی جاسکتی ہے۔وقت 10 ms تا 25 ms د باو بغیر تبیل ہوئے مستقل 50 V پر برقرار رہتا ہے لہذااس دوران د باو کی مساوات درج ذیل ہے۔

$$v(t) = 50$$
  $(10 \,\mathrm{ms} \le t \le 25 \,\mathrm{ms})$ 

اس کے بعد 25 ms تا 45 ms کے دوران دباو مستقل شرح

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-25 \text{ V} - 50 \text{ V}}{45 \text{ ms} - 25 \text{ ms}} = -3500 \text{ V s}^{-1}$$

ہے گھٹتا ہے للذااس دوران دباو کی مساوات

$$v(t) = -3500t + 75$$
 (25 ms  $\leq t \leq 45$  ms)

موگ۔اس کے بعد دباو بر قرار V − 25 پر رہتا ہے للذااس کی مساوات درج ذیل ہوگ۔

$$v(t) = -25 \qquad (45\,\mathrm{ms} \le t)$$

مساوات 6.5 استعال کرتے ہوئے ان دورانیوں میں روحاصل کرتے ہیں۔

$$i = 2 \times 10^{-6} \times 5000 = 10 \,\mathrm{mA}$$
  $(0 \le t \le 10 \,\mathrm{ms})$ 

$$i = 2 \times 10^{-6} \times 0 = 0 \,\mathrm{mA}$$
 (10 ms  $\leq t \leq$  25 ms)

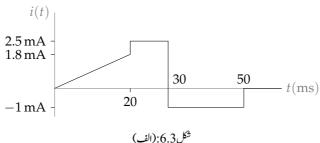
$$i = 2 \times 10^{-6} \times (-3500) = -7 \,\mathrm{mA}$$
 (25 ms  $\leq t \leq 45 \,\mathrm{ms}$ )

$$i = 2 \times 10^{-6} \times 0 = 0 \,\mathrm{mA}$$
 (45 ms  $\leq t$ )

رو بالمقابل وقت كو شكل-ب ميں د كھايا گيا ہے۔

مثال 6.5: گزشته مثال میں کمھ کا بیر ہوتا گیر میں نو نیرہ مخفی تونائی  $t=20\,\mathrm{ms}$  ہو ہو نوبائی اور میں نوبیرہ مخفی تونائی دریافت کریں۔

254



حل: مساوات 6.9 کے تحت جوابات درج ذیل ہیں۔

$$\begin{split} w_C(10\,\mathrm{ms}) &= \frac{2\times 10^{-6}\times 50^2}{2} = 2.5\,\mathrm{mJ} \\ w_C(20\,\mathrm{ms}) &= \frac{2\times 10^{-6}\times 50^2}{2} = 2.5\,\mathrm{mJ} \\ w_C(50\,\mathrm{ms}) &= \frac{2\times 10^{-6}\times (-25)^2}{2} = 0.625\,\mathrm{mJ} \end{split}$$

مثق 6.1: برق گیریر ذخیره بارکی قیت 5 nC ہے جبکہ اس پر دباو 100 ہیں۔ برقی گنجائش دریافت کریں۔ جواب: 5 pF

مثال 6.6: ابتدائی طور پر بے بار 22 µF کے برق گیر کی رو کو شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔ برق گیر کے دباو، طاقت اور ذخیر ہ توانائی کے مساوات حاصل کرتے ہوئے خط کینجیں۔ 6.1. بن گیر

حل: دورانیه 
$$t=20\,\mathrm{ms}$$
 تا  $t=0\,\mathrm{s}$  میں شرح رو

$$\frac{di}{dt} = \frac{\Delta i}{\Delta t} = \frac{18 \text{ mA} - 0 \text{ mA}}{20 \text{ ms} - 0 \text{ ms}} = 0.9 \text{ A s}^{-1}$$

ہے جسے

di = 0.9 dt

لکھ کر تکمل لیتے ہوئے رو کی مساوات

$$i = \int_0^t 0.9 \, \mathrm{d}t = 0.9t|_0^t = 0.9t$$
 ماصل ہوتی ہے۔ برق گیر پر ذخیرہ بار دریافت کرنے کی خاطر رو کی مساوات کو $i = rac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = 0.9t$ 

لکھتے ہوئے تکمل لیتے ہیں۔

$$q = \int_0^t 0.9t \, dt = 0.45t^2 \Big|_0^t = 0.45t^2$$

مساوات 6.2 سے

$$v(t) = \frac{q}{C} = \frac{0.45t^2}{22 \times 10^{-6}} = 20455t^2$$

لکھا جائے گا اور یوں طاقت کی مساوات

$$p = vi = 20455t^2 \times 0.9t = 18410t^3$$

اور ذخیرہ توانائی کی مساوات

$$w_{\rm C} = \int_0^t p \, \mathrm{d}t = 4603t^4$$

ہو گی۔ان مساوات سے کمحہ  $t=20\,\mathrm{ms}$  پر

$$q(0.02) = 0.45t^{2} = 0.45 \times 0.02^{2} = 180 \,\mu\text{C}$$

$$(6.11) \qquad v(0.02) = 20455t^{2} = 20455 \times 0.02^{2} = 8.182 \,\text{V}$$

$$w_{C}(0.02) = 4603t^{4} = 4603 \times 0.02^{4} = 737 \,\mu\text{J}$$

ہوں گے۔

اسی طرح 20 ms تا 30 ms دورانیے کے لئے مساوات 6.11 میں حاصل کی گئی مقداریں ابتدائی مقداریں تصور کی جائیں گی۔اس دورانیے میں

 $i = 2.5 \,\mathrm{mA}$ 

ہے للذا مساوات 6.7 کے تحت

$$v = v(0.02) + \frac{1}{C} \int_{0.02}^{t} i \, dt$$
  
= 8.182 +  $\frac{1}{22 \times 10^{-6}} \int_{0.02}^{t} 2.5 \times 10^{-3} \, dt$   
= 33.182 + 113.636t

اور

$$p = iv = 0.0025(33.182 + 113.636t) = 0.083 + 0.284t$$
$$w_C = \frac{Cv^2}{2} = \frac{22 \times 10^{-6}}{2}(33.182 + 113.636t)^2$$

ہوں گے جن سے اس دورانیے کے آخری کھے پر

$$v(0.03) = 33.182 + 113.636 \times 0.03 = 36.591 \text{ V}$$

$$(6.12)$$

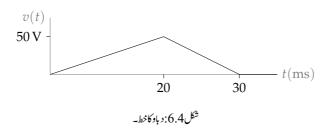
$$w_C(0.03) = \frac{Cv^2}{2} = \frac{22 \times 10^{-6} \times 36.591^2}{2} = 14.73 \text{ mJ}$$

حاصل ہوتے ہیں۔

شکل 6.3 میں  $t=30\,\mathrm{ms}$  تا  $t=50\,\mathrm{ms}$  تا  $t=30\,\mathrm{ms}$  کے متغیرات حاصل کرتے ہوئے مساوات 6.12 کی قیمتیں ابتدائی قیمتیں تصور کی جائیں گی۔ پہلے دیاو کی مساوات حاصل کرتے ہیں۔

$$v = v(0.03) + \frac{1}{C} \int_{0.03}^{t} -10^{-3} dt$$
$$= 36.591 - \frac{10^{-3}}{22 \times 10^{-6}} t \bigg|_{0.03}^{t}$$
$$= 37.955 - 45.455t$$

6.1. بن گیر



طاقت کی مساوات درج ذیل ہے

$$\begin{aligned} p = & iv \\ &= -0.001(37.955 - 45.455t) \\ &= -0.038 + 0.0455t \end{aligned}$$

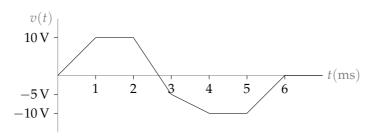
جبكه ذخيره توانائي

$$w_C = \frac{Cv^2}{2}$$
$$= \frac{22 \times 10^{-6} (37.955 - 45.455t)^2}{2}$$

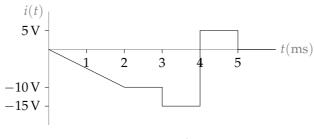
ہے۔ لمحہ 50 ms کے بعد روصفر کے برابر ہے للذانہ تو برق گیر کا دباو تبدیل ہو گا اور نہ ہی اس میں ذخیرہ توانائی کی قیت تبدیل ہوگا۔

مثق 6.2: شکل 6.4 میں 68 µF کے برق گیر کا دباو دیا گیا ہے۔ روکی شکل کھپنیں۔

مثق 6.3: گزشته مثال میں لمحه  $t=20~\mathrm{ms}$  پر برقی گیر میں ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔



شكل 6.5: د باو كاخطيه



شكل 6.6:رو كاخطيه

مثق 6.4: شکل 6.5 میں  $\mu$ F کے برق گیر کا دہاو دیا گیا ہے۔ روکی شکل کینچیں۔ لحمہ  $t=4~\mathrm{ms}$  پر ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔

مثق 6.5: شکل 6.6 میں  $\mu$ F کے برق گیر کی رودی گئی ہے۔ دباو کا خط کینچیں۔ لمحہ  $t=3~\mathrm{ms}$  پر ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔

6.2. اماله گير

#### 6.2 اماله گير

ا مالہ گیر 10 عموماً موصل تار کے لچھے 11 کی صورت کا ہوتا ہے۔ایبا لچھا کسی مقناطیسی مرکز 12 یا غیر مقناطیسی مرکز 2 کھے ٹوانسفار مر 14 اور فلٹر 15 میں استعال کئے جاتے ہیں جبکہ غیر مقناطیسی مرکز کے لیے مقاطیسی مرکز کے لیے مواصلاتی نظام میں اہم کردار اداکرتے ہیں۔

تاریخی طور پر پہلے یہ معلوم ہوا کہ رو گزارتی تار کے گرد مقناطیسی میدان پیدا ہوتا ہے۔الی مقناطیسی میدان اور میدان پیدا کرنے والی رو کے مابین راست تناسی تعلق پایا جاتا ہے۔اس کے بعد معلوم ہو کہ بدلتا مقناطیسی میدان برقی و باو پیدا کرتا ہے جہال د باو اور مقناطیسی میدان پیدا کرنے والی روکی شرح کے مابین راست تناسی تعلق پایا جاتا ہے۔اسی تعلق کو درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے

$$(6.13) v = L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

جہاں تناسی مستقل کو L کھااور امالہ  $^{16}$  پکارا جاتا ہے۔امالہ کی اکائی  $^{71}$  کو ہمینری  $^{18}$  پکارا اور H سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ وکھھ سکتے ہیں کہ ایک وولٹ سکنڈ فی ایمپیئر V S  $A^{-1}$  کو ہمینری کہا گیا ہے۔

اس مساوات کی تکمل صورت سے رو حاصل ہوتی ہے

$$(6.14) i = \int_{-\infty}^{t} \frac{1}{L} v \, \mathrm{d}t$$

جہاں ازل  $\infty$  سے لمحہ t تک تکمل لیا گیا ہے۔ مستقل قیمت کی امالہ کی صورت میں L کو تکمل کے باہر نکالا جا سکتا ہے۔  $-\infty$ 

$$(6.15) i = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t} v \, \mathrm{d}t$$

 $inductor^{10}$ 

coil11

magnetic core<sup>12</sup>

non-magnetic  ${
m core}^{13}$ 

 ${\rm transformer}^{14}$ 

 ${
m filter}^{15}$ 

 $inductance^{16}$ 

<sup>17</sup> امالہ کی اکا ئی امر کی تخلیق کار پوسف ہینری کے نام سے منسوب ہے۔

 $\rm Henry^{18}$ 

اس تکمل کو دو گلڑوں میں لکھا جا سکتا ہے

(6.16) 
$$i = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t_0} v \, dt + \frac{1}{L} \int_{t_0}^{t} v \, dt$$
$$= i(t_0) + \frac{1}{L} \int_{t_0}^{t} v \, dt$$

جہاں پہلا گلڑاازل سے  $t_0$  تک اور دوسرا گلڑا  $t_0$  سے  $t_0$  حاصل کیا گیا ہے۔ مندرجہ بالا مساوات میں لمحہ  $t_0$  پر امالہ گیر کی روکو  $i(t_0)$  کہا گیا ہے۔

اللہ کو فراہم طاقت سے اللہ کو منتقل توانائی  $w_L$  دریافت کی جا کتی ہے۔

$$(6.17) p = vi$$

سے

$$(6.18) p = \frac{\mathrm{d}w_L}{\mathrm{d}t} = \left[L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}\right]i$$

لکھتے ہوئے اور تکمل لینے سے

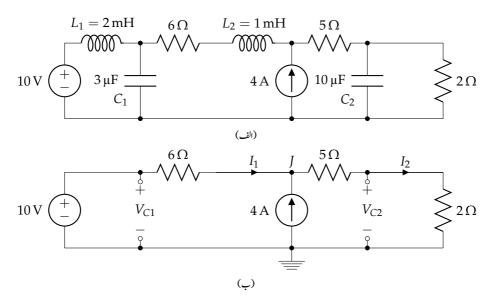
$$w_{L} = \int_{-\infty}^{t} \left[ L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \right] i \, \mathrm{d}t$$
$$= L \int_{0}^{i} i \, \mathrm{d}i$$

$$(6.19) w_L = \frac{Li^2}{2}$$

t=0 پر t=0 کی گئے ہے۔  $t=-\infty$  ماصل ہوتا ہے جہال وقت کی ابتدا

تصور کریں کہ ایک دور میں یک سمتی رو پائی جاتی ہو۔اب یک سمتی رو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی للذا مساوات 6.13 کے تحت اس دور میں موجود امالہ پر دباو صفر کے برابر ہو گا۔ہم کہہ سکتے ہیں کہ یک سمتی روکی نقطہ نظر سے امالہ بطور قصر دور کردار اداکرتی ہے۔یوں کسی بھی دور کا یک سمتی تجزیہ کرتے ہوئے دور میں موجود تمام امالہ کو قصر دور تصور کیا جاتا ہے۔

6.2، اماله گير



شكل 6.7: مثال 6.7 كادوريه

امالہ میں فوراً رو تبدیل کرنے کے لئے مساوات 6.18 کے تحت لامحدود طاقت درکار ہو گی۔کائنات میں لامحدود طاقت کا منبع کہیں نہیں پایا جاتا لہذا امالہ کی رو کو فوراً تبدیل کرنانا ممکن ہے۔یہ ایک اہم نتیجہ ہے جس کے تحت دور میں سونچ کو چالو سے غیر چالو (یا غیر چالو) کرنے سے غیر چالو (یا غیر چالو) کرنے سے مخیر چالو (یا غیر چالو) کرنے سے منبع سے متحی ہوگی جو سونچ چالو (یا غیر چالو) کرنے سے کہا تھی۔اس حقیقت کو اگلے باب میں استعال کیا جائے گا۔

#### مثال 6.7: شكل 6.7 مين ذخيره توانائي دريافت كريب

حل: اس دور میں صرف یک سمتی منبع پائے جاتے ہیں۔ ہم اس حقیقت پر بحث کر چکے ہیں کہ یک سمتی ادوار میں امالہ کو قصر دور اور برق گیر کو کھلا دور تصور کیا جاتا ہے۔ایسا ہی کرتے ہوئے شکل-ب حاصل ہوتا ہے جسے آپ اپنی پسندیدہ ترکیب سے حل کر سکتے ہیں۔ کچلی جوڑ کو زمین لیتے ہوئے جوڑ 1 پر کرخوف مساوات رو

$$I_1 + 4 = I_2$$

جبکه بیرونی دائرے پر کرخوف مساوات دباو

$$10 = 6I_1 + (5+2)I_2$$

لکھتے ہیں۔انہیں حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتاہے۔

$$I_1 = -\frac{18}{13} A$$
 $I_2 = \frac{34}{12} A$ 

برق گیر <sub>C1</sub> پر دباوشکل کو دیکھ کر لکھی جاسکتی ہے جبکہ <sub>C2</sub> پر دباوکو اوہم کے قانون کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔

$$V_{C1} = 10 \text{ V}$$
  
 $V_{C2} = 2 \times \frac{34}{13} = \frac{68}{13} \text{ V}$ 

ان حقائق کو استعال کرتے ہوئے برق گیر اور امالہ میں ذخیرہ توانائی دریافت کر سکتے ہیں۔

$$w_{\rm C1} = \frac{3 \times 10^{-6} \times 10^2}{2} = 0.15 \,\text{mJ}$$

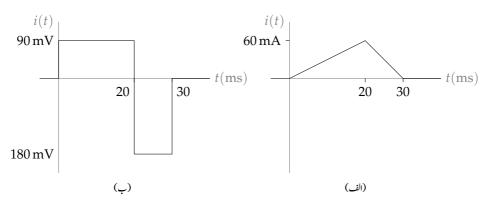
$$w_{\rm C2} = \frac{10 \times 10^{-6} \left(\frac{68}{13}\right)^2}{2} = 0.14 \,\text{mJ}$$

$$w_{L1} = \frac{0.002 \times \left(\frac{18}{13}\right)^2}{2} = 1.92 \,\mathrm{mJ}$$

$$w_{L2} = \frac{0.001 \times \left(\frac{18}{13}\right)^2}{2} = 0.96 \,\text{mJ}$$

مثال 6.8: امالہ کی رو کے خط کو شکل 6.8-الف میں دکھایا گیا ہے۔اس کے دباو کا خط کیپنیں۔امالہ کی قیمت MH 30 mH

6.2. اماله گير



شكل 6.8: مثال 6.8 كادور ـ

حل: امالہ گیر کی روسے امالہ گیر کا دباو مساوات t=0 کی مدوسے حاصل کیا جاتا ہے۔وقت  $\infty-=0$  تا t=0 رو صفر کے برابر ہے لہذا

$$v = 30 \times 10^{-3} \left( \frac{0}{-\infty - 0} \right) = 0 \text{ V}$$

i=0 ہو گا۔اگلا دورانیہ t=0 تا t=0 ہو گا۔اگلا دورانیہ t=0 ہو گا۔اگلا دورانیہ ہوئی ہے المذااس دوران

$$v = 30 \times 10^{-3} \left( \frac{0.06 - 0}{0.02 - 0} \right) = 90 \,\text{mV}$$

ہو گا۔ دورانیہ 20 ms تا 30 ms میں دباو درج ذیل ہو گا۔

$$v = 30 \times 10^{-3} \left( \frac{0 - 0.06}{0.03 - 0.02} \right) = -180 \,\text{mV}$$

30 ms کے بعد رو صفر رہتی ہے للذا

$$v = 30 \times 10^{-3} \left( \frac{0}{\infty - 0.03} \right) = 0 \text{ V}$$

ہو گا۔ان نتائج کو شکل 6.8-ب میں د کھایا گیا ہے۔

مثال 6.9: امالہ گیر کی رو  $i(t)=5\cos 377t$  جبکہ اس کی امالہ  $i(t)=5\cos 377t$  ہے۔امالہ گیر کا دباواور اس میں ذخیرہ توانائی کی مساوات حاصل کریں۔

حل: مساوات 6.13 سے دباو درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

$$v = L \frac{di}{dt}$$

$$= 0.1 \times (-5 \times 377 \sin 377t)$$

$$= -188.5 \sin 377t \quad V$$

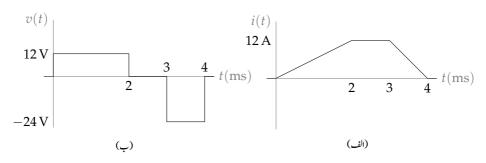
ذخیرہ توانائی کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$w_L(t) = \frac{Li^2}{2}$$
  
=  $\frac{0.1 \times (5\cos 377t)^2}{2}$   
=  $1.25\cos^2 377t$  J

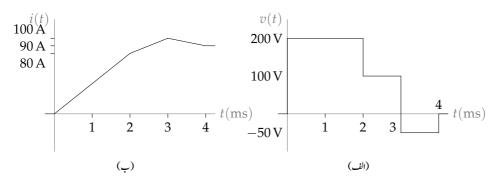
مثق 6.6: رو کا خط شکل 6.9 میں د کھایا گیا ہے۔ دباو کا خط کھینیں۔امالہ کی قیت H ہے۔

جواب: شکل 6.9-ب میں دباو کا خط د کھایا گیاہے۔

6.2. اماله گير



شكل 6.9: مشق 6.6 كادور

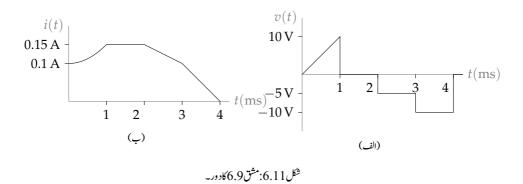


شكل 6.10: مشق 6.8 كادور

مثق 6.7: گزشته مثق میں لمحہ  $t=3.5~\mathrm{ms}$  پر امالہ گیر میں ذخیرہ توانائی دریافت کریں۔

جواب: 36J

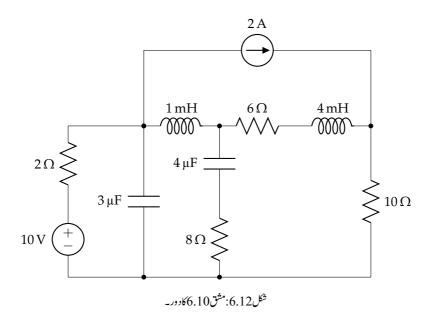
مثق 6.8: پانچ ہینری امالہ گیر کا دباوشکل 6.10-الف میں دکھایا گیا ہے۔رو کا خط کیپنیں۔ جواب:رو کا خط شکل 6.10-ب میں دکھایا گیا ہے۔



مثق 6.9: امالہ گیر کے دباو کا خط شکل 6.11 میں دکھایا گیا ہے۔ کمحہ t=0 پر A A A B کی صورت میں رو کا خط حاصل کریں۔ امالہ A B کا خط حاصل کریں۔ امالہ A کا خط حاصل کریں۔ امالہ کی دبیانت کریں۔

 $w_L(3\,\mathrm{ms})=0.5\,\mathrm{mJ}$  پر  $t=3\,\mathrm{ms}$  جہد  $w_L(3\,\mathrm{ms})=0.5\,\mathrm{mJ}$  چاب:روکا خط شکل 6.11 میں دکھایا گیا ہے۔ کمحہ

مثق 6.10: شكل 6.12 مين HF ، 4mH ، 1mH مين ذخيره توانائي دريافت كرير ـ



#### 6.3 برق گیراوراماله گیر کے خصوصیات

ہوتی گنجائش، ہرتی گنجائش کی قیمت میں خلل اور دباو، ہرت گیر کے اہم خصوصیات ہیں۔ معیاری برتی گیر چند pF سے تقریباً  $50\,m$  تا کی قیمتوں میں عام دستیاب ہے۔ ان سے کم اور زیادہ قیمتیں بھی دستیاب ہیں۔ یہ برق گیر عموماً  $50\,m$  تا  $50\,m$  تک کے مخلف دباو کے لئے دستیاب ہیں۔ زیادہ دباو کے برق گیر بھی دستیاب ہیں۔ برق گیر کو اس کی معیان دباو سے زیادہ دباو پر ہر گز استعمال نہ کریں چونکہ ایسا کرنے سے برق گیر تباہ ہو سکتا ہے۔ برق گیر کا گنجائش میں خلل کی عمومی قیمتیں  $70\,m$  ور گیر کی گنجائش دی گئی عمومی قیمتیں  $70\,m$  ور گنگوائش دی گئی سے جدول  $70\,m$  معیاری دستیاب برقی گیر کی گنجائش دی گئی ہے۔

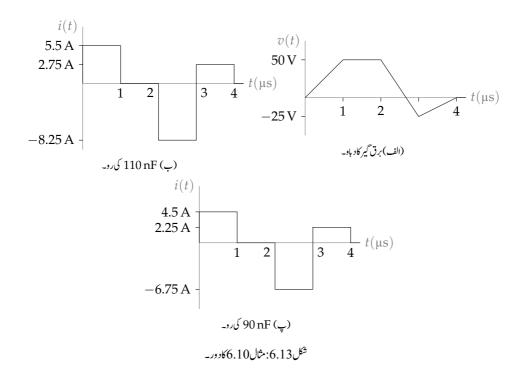
امالہ گیر کو موصل تار سے بنایا جاتا ہے للذانہ چاہتے ہوئے بھی اس کی مزاحمت ہوگی۔ امالہ گیر کے اہم خصوصیات اس کی امراحمت ہوں گیر امالہ گیر امالہ گیر امالہ گیر امالہ گیر امالہ گیر امالہ گیر 100 mH تا 100 میں عام دستیاب ہیں۔ جدول 6.2 میں امالہ کی عمومی دستیاب ہیں۔ قیمتیں دی گئی ہیں۔

#### جدول 6.1:معیاری برق گیر کے گنجائش کی قیمتیں۔

μF	μF	$\mu F$	μF	$\mu F$	μF	μF	pF	pF	pF	pF
10 000	1000	100	10	1.0	0.10	0.010	1000	100	10	1
12000	1200	120	12	1.2	0.12	0.012	1200	120	12	
15000	1500	150	15	1.5	0.15	0.015	1500	150	15	1.5
18000	1800	180	18	1.8	0.18	0.018	1800	180	18	
20 000	2000	200	20	2.0	0.20	0.020	2000	200	20	2
22 000	2200	220	22	2.2	0.22	0.022	2200	220	22	
27 000	2700	270	27	2.7	0.27	0.027	2700	270	27	
33 000	3300	330	33	3.3	0.33	0.330	3300	330	33	3
39 000	3900	390	39	3.9	0.39	0.390	3900	390	39	4
47000	4700	470	47	3.3	0.47	0.470	4700	470	47	5
51 000	5100	510	51	3.3	0.51	0.510	5100	510	51	6
56 000	5600	560	56	3.3	0.56	0.560	5600	560	56	7
68000	6800	680	68	3.3	0.68	0.680	6800	680	68	8
82 000	8200	820	82	3.3	0.82	0.820	8200	820	82	9

### جدول 6.2:اماله کی عمومی دستیاب قیمتیں۔

mΗ	mΗ	mΗ	μΗ	μΗ	μΗ	nΗ	nΗ	nΗ
100	10	1.0	100	10	1.0	100	10	1
	12	1.2	120	12	1.2	120	12	1.2
	15	1.5	150	15	1.5	150	15	1.5
	18	1.8	180	18	1.8	180	18	1.8
	20	2.0	200	20	2.0	200	20	2
	22	2.2	220	22	2.2	220	22	2.2
	27	2.7	270	27	2.7	270	27	2.7
	33	3.3	330	33	3.3	330	33	3
	39	3.9	390	39	3.9	390	39	4
	47	4.7	470	47	4.7	470	47	5
	51	5.1	510	51	5.1	510	51	6
	56	5.6	560	56	5.6	560	56	7
	68	6.8	680	68	6.8	680	68	8
	82	8.2	820	82	8.2	820	82	9



مثال 6.10: شکل 6.13-الف میں nF برق گیر کا دباو دکھایا گیا ہے۔ برقی گنجائش میں خلل % 10 ممکن ہے۔ کم سے کم اور زیادہ سے زیادہ گنجائش کی صورت میں رو کے خط حاصل کریں۔اس برقی گنجائش کو عموماً % nF=10 nF= کھا جاتا ہے۔

حل: برق گیر کی زیادہ سے زیادہ قیمت دی گئی قیمت سے %10 زیادہ ہو سکتی ہے۔ یوں اس کی زیادہ سے زیادہ گنجائش 110 nF ممکن ہے۔ اس قیمت کے گنجائش کی رو کو شکل 6.13-ب میں دکھایا گیا ہے جہاں پہلے ایک مائیکرو سینڈ میں دباو کی تبدیلی کی شرح

$$\frac{dv}{dt} = \frac{50 - 0}{1\,\mu s - 0\,\mu s} = 50\,\text{MV}\,\text{s}^{-1}$$

ہونے کی بنااس دورانیے کی رو

$$i = C \frac{dv}{dt} = 110 \times 10^{-9} \times 50 \times 10^{6} = 5.5 A$$

ے۔اگلے ایک مائیکرو سینڈ میں دباو تبدیل نہیں ہوتا لنذا  $\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}=0$  ہے اور یوں رو بھی صفر کے برابر ہے۔دورانیہ  $t=3\,\mu\mathrm{s}$  تا  $t=2\,\mu\mathrm{s}$ 

$$\frac{dv}{dt} = \frac{-25 - 50}{3\,\mu s - 2\,\mu s - 0\,\mu s} = -75\,\text{MV}\,\text{s}^{-1}$$

ہے للمذارو

$$i = C \frac{dv}{dt} = 110 \times 10^{-9} \times (-75 \times 10^6) = -8.25 \,\text{A}$$

 $t=4\,\mu s$  تا المولى شرح تبديلي  $t=4\,\mu s$  تا المولى شرح تبديلي

$$\frac{dv}{dt} = \frac{0 - (-25)}{4\,\mu\text{s} - 3\,\mu\text{s} - 0\,\mu\text{s}} = 25\,\text{MV}\,\text{s}^{-1}$$

ہے للذارو

$$i = C \frac{dv}{dt} = 110 \times 10^{-9} \times 25 \times 10^6 = 2.75 \text{ A}$$

ہو گی۔

خلل کی قیمت سے برق گیر کی کم سے کم مکنہ گنجائش 90 nF حاصل ہوتی ہے۔ دباو کی تبدیلی کی شرح استعال کرتے ہوئے رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$i = \begin{cases} 90 \times 10^{-9} \times 50 \times 10^6 = 4.5 \, \mathrm{A} & 0 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 1 \, \mu \mathrm{s} \\ 90 \times 10^{-9} \times 0 = 0 \, \mathrm{A} & 1 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 2 \, \mu \mathrm{s} \\ 90 \times 10^{-9} \times (-75) \times 10^6 = -6.75 \, \mathrm{A} & 2 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 3 \, \mu \mathrm{s} \\ 90 \times 10^{-9} \times 25 \times 10^6 = 2.25 \, \mathrm{A} & 3 \, \mu \mathrm{s} \le t \le 4 \, \mu \mathrm{s} \end{cases}$$

#### 6.4 سلسلہ وار جڑے برق گیر

شکل 6.14 میں متعدد برق گیر سلسلہ وار جڑے د کھائے گئے ہیں۔ تمام سلسلہ وار جڑے پرزوں میں رو کی قیمت یکسال ہوتی ہے۔ کرخوف قانون دباوے اس دور کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v(t) = v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots + v_N(t)$$

انفرادی برق گیر کے لئے

$$\begin{aligned} v_1(t) &= v_1(t_0) + \frac{1}{C_1} \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t \\ v_2(t) &= v_2(t_0) + \frac{1}{C_2} \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t \\ v_3(t) &= v_3(t_0) + \frac{1}{C_3} \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t \\ &\vdots \end{aligned}$$

$$v_N(t) = v_N(t_0) + \frac{1}{C_N} \int_{t_0}^t i(t) dt$$

لکھا جا سکتا ہے۔ مندرجہ بالا دو مساوات کو ملاتے ہوئے

$$v(t) = v_1(t_0) + \frac{1}{C_1} \int_{t_0}^t i(t) dt + v_2(t_0) + \frac{1}{C_2} \int_{t_0}^t i(t) dt + \cdots + v_N(t_0) + \frac{1}{C_N} \int_{t_0}^t i(t) dt$$

لعني

$$v(t) \, = \, v_1(t_0) + v_2(t_0) + \cdots + v_N(t_0) + \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \cdots + \frac{1}{C_N}\right) \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t$$

لکھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں

(6.20) 
$$\frac{1}{C_s} = \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{C_i} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots + \frac{1}{C_N}$$

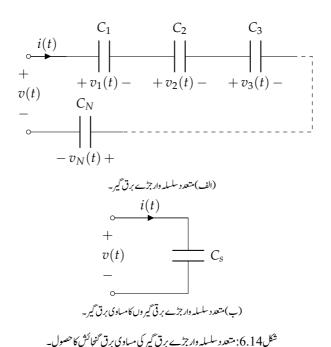
اور

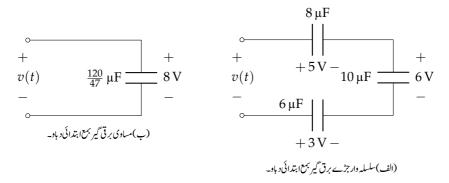
(6.21) 
$$v(t_0) = v_1(t_0) + v_2(t_0) + v_3(t_0) + \dots + v_N(t_0)$$

لکھتے ہوئے

(6.22) 
$$v(t) = v(t_0) + \frac{1}{C_s} \int_{t_0}^{t} i(t) dt$$

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد برقی گیر کی مساوات ہے جے شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 6.20 متعدد سلسلہ وار جڑے برق گیروں کی مساوی برق گنجائش ،Cs دیتی ہے جبکہ مساوات 6.21 ان کا مساوی ابتدائی دیاو دیتی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سلسلہ وار جڑے برق گیروں کی مساوات متوازی جڑے مزاحمتوں کی مساوات کی طرح ہے۔





شكل 6.15:مثال 6.11 كادور ـ

مثال 6.11: شکل 6.15-الف میں مساوی سلسلہ وار گنجائش اور ان کے انفرادی ابتدائی دباو د کھائے گئے ہیں۔ ان کا مساوی گنجائش اور مساوی ابتدائی دباو حاصل کریں۔

حل:مساوات 6.20 سے

$$\frac{1}{C_s} = \frac{1}{8\,\mu F} + \frac{1}{10\,\mu F} + \frac{1}{6\,\mu F} = \frac{47}{120}\,\mu F$$

لکھتے ہوئے

$$C_s = \frac{120}{47} \, \mu F$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 6.21 سے ابتدائی دباو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$v(t_0) = 5 + 6 - 3 = 8 \,\mathrm{V}$$

شکل 6.15-ب میں مساوی برقی گنجائش اور ابتدائی دباو د کھائے گئے ہیں۔

مثال 6.12: ابتدائی طور پر بے بار، دو عدد برق گیر کو سلسلہ وار جوڑنے کے بعد ان میں 50 V منبع سے برقی بار بھراجاتا ہے۔ان میں ایک برق گیر ہے 20 µF گنجائش کا ہے جبکہ دوسرے برق گیر کی گنجائش کے بارے میں ہمیں معلوم نہیں ہے۔نامعلوم برق گیر پر 10V جبکہ £ 20 ہرق گیر پر 40V دباو پایاجاتا ہے۔نامعلوم گنجائش دریافت کریں۔

صل: 20 µF پر بار درج ذیل ہے۔

$$q = Cv = (20 \,\mu\text{F}) (40 \,\text{V}) = 800 \,\mu\text{C}$$

سلسلہ وار جڑے پرزوں میں کیساں رو پائی جاتی ہے لہذا دونوں برق گیر پر کیساں بار پایا جاتا ہے۔ یوں نامعلوم گنجائش درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$C = \frac{q}{v} = \frac{800 \,\mu\text{F}}{10 \,\text{V}} = 80 \,\mu\text{F}$$

#### 6.5 متوازی جڑے برق گیر

متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی گنجائش شکل 6.16-الف سے کرخوف قانون رو کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t) + \dots + i_N(t)$$

$$= C_1 \frac{dv(t)}{dt} + C_2 \frac{dv(t)}{dt} + C_3 \frac{dv(t)}{dt} + \dots + C_N \frac{dv(t)}{dt}$$

$$= (C_1 + C_2 + C_3 + \dots + C_N) \frac{dv(t)}{dt}$$

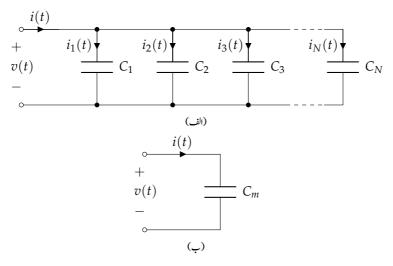
اس مساوات میں

(6.23) 
$$C_m = \sum_{i=1}^{N} C_i = C_1 + C_2 + C_3 + \dots + C_N$$

لکھتے ہوئے

$$i(t) = C_m \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t}$$

6.5. متوازی بڑے بن گے۔



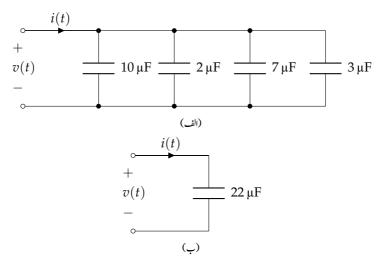
شکل 6.16: متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی گنجائش۔

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد برق گیر کی مساوات ہے۔مساوات 6.23 متعدد متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی گنجائش دیتی ہے جو سلسلہ وار جڑے مزاحمتوں کی مساوت کی طرح ہے۔شکل 6.16-ب میں مساوی برق گیر دکھایا گیا ہے۔

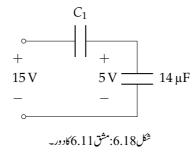
مثال 6.13: شکل 6.17-الف میں چار عدد برق گیر متوازی جوڑے گئے ہیں۔ان کی مساوی گنجائش دریافت کریں۔

 $^{2}$  عل: مساوات 6.23 ہے متوازی جڑے برق گیروں کی مساوی برقی گنجائش حاصل کرتے ہیں۔  $C_{m}=10~\mu F+2~\mu F+7~\mu F+3~\mu F=22~\mu F$ 

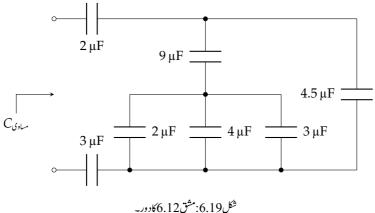
شکل 6.17-ب میں مساوی گنجائش د کھائی گئی ہے۔



شكل 6.17: مثال 6.13 كادور



6.5. متوازی بڑے برق گے۔



سفل 6.19: مسق 6.12کادور۔

مثق 6.11: ابتدائی طور پر بے بار، دو عدد برق گیر سلسلہ وار جوڑے جاتے ہیں۔ کمحہ t پر صورت حال شکل 6.18 میں دکھائی گئی ہے۔ نامعلوم گنجائش دریافت کریں۔

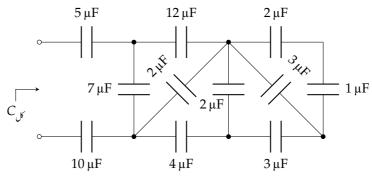
جواب: 7 μF

مثق 6.12: شكل 6.19 مين مساوى گنجائش دريافت كرين

 $\frac{18}{17}\,\mu F$  جواب:

مثق 6.13: شكل 6.20 مين كل النجائش حاصل كرين-

 $\frac{5}{2}\,\mu F$  :جواب



شكل 6.20: مشق 6.13 كادور

#### 6.6 سلسله واراماله گیر

متعدد سلسله وار بڑٹ امالہ گیر کو شکل 6.21-الف میں دکھایا گیا ہے۔ کرخوف قانون دباوے 
$$v(t) = v_1(t) + v_2(t) + v_3(t) + \dots + v_N(t)$$
 
$$= L_1 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + L_2 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + L_3 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \dots + L_N \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$
 
$$= (L_1 + L_2 + L_3 + \dots + L_N) \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

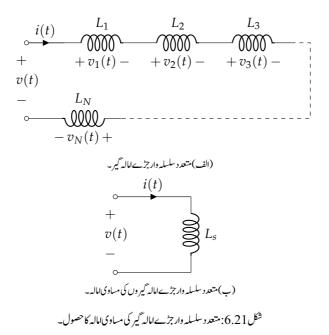
لکھ کر اس میں

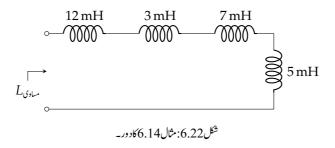
(6.25) 
$$L_s = \sum_{i=1}^{N} L_i = L_1 + L_2 + L_3 + \dots + L_N$$

يُر كرنے سے

$$v(t) = L_s \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد امالہ گیر کی مساوات ہے جسے شکل 6.21-ب میں دکھایا گیا ہے۔ مساوات 6.25 سلسلہ وار امالہ کی مساوی امالہ دیتی ہے۔ یہ سلسلہ وار مزاحمتوں کی مساوات کی طرح مساوات ہے۔ 6.6. سلىلە دارامالە گىيىر





مثال 6.14: شكل 6.22 مين مساوى اماله دريافت كرين

جواب: 27 mH

#### 6.7 متوازى اماله گير

متوازی جڑے امالہ گیروں کی مساوی امالہ شکل 6.23-الف کی مدد سے حاصل کرتے ہیں جے دیکھتے ہوئے کرخوف مساوات رو

(6.26) 
$$i(t) = i_1(t) + i - 2(t) + i_3(t) + \dots + i_N(t)$$

لکھی جا سکتی ہے۔ انفرادی امالہ گیر کے لئے درج ذیل مساوات کھے جا سکتے ہیں

$$i_1(t) = i_1(t_0) + \frac{1}{L_1} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

$$i_2(t) = i_2(t_0) + \frac{1}{L_2} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

$$i_3(t) = i_3(t_0) + \frac{1}{L_3} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

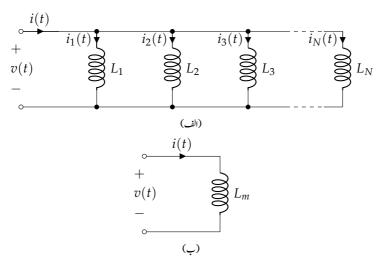
:

$$i_N(t) = i_N(t_0) + \frac{1}{L_N} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

جنہیں مساوات 6.26 میں یُر کرتے ہوئے

$$i(t) = i_1(t_0) + \frac{1}{L_1} \int_{t_0}^t v(t) dt + i_2(t_0) + \frac{1}{L_2} \int_{t_0}^t v(t) dt + \cdots + i_N(t_0) + \frac{1}{L_N} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

6.7. متوازى اماله گپ ر



شکل 6.23: متوازی جڑے امالہ گیروں کی مساوی امالہ۔

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کو ترتیب دیتے ہوئے

$$i(t) = i_1(t_0) + i_2(t_0) + \dots + i_N(t_0) + \left(\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \dots + \frac{1}{L_N}\right) \int_{t_0}^t v(t) \, \mathrm{d}t$$

$$V(t) = i_1(t_0) + i_2(t_0) + \dots + i_N(t_0) + \left(\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \dots + \frac{1}{L_N}\right) \int_{t_0}^t v(t) \, \mathrm{d}t$$

(6.27) 
$$\frac{1}{L_m} = \sum_{i=1}^N \frac{1}{L_i} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \frac{1}{L_3} + \dots + \frac{1}{L_N}$$

اور

(6.28) 
$$i(t_0) = i_1(t_0) + i_2(t_0) + i_3(t_0) + \dots + i_N(t_0)$$

یُر کرنے سے

$$i(t) = i(t_0) + \frac{1}{L_m} \int_{t_0}^t v(t) dt$$

حاصل ہوتا ہے جو ایک عدد امالہ گیر کی مساوات ہے جسے شکل 6.23-ب میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 6.27 متوازی جڑے امالہ گیر کی مساوک امالہ میں ابتدائی رو  $i(t_0)$  دیتی ہے۔