برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																									نياد	:	1
1																																	. ,	اد با	برق	واور	قىر	16	ر قی یا	,	1.1		
6																																		•	•		٠,	او ہم	ر قى با فانونِ	•	1.2		
8																																							، رئي وانائي		1.3		
-																																											
15																																							رقىپر		1.4		
15																																							.4.1				
17								•		•		•						•	•			•	•					•							لمبع	نابع'	•	1	.4.2	2			
27																																							ار	ادو	بزاحمتي	•	2
27																																						اوہم	فانون	,	2.1		
35																																							فوا نين فوا نين		2.2		
																																									2.3		
51																																											
52																																							نقشيم		2.4		
55																																							تعدو		2.5		
58																																							ملسله		2.6)	
59																												ہے	نا_	ياجا	وبإ) د با	سال	پريک	ئت	مزاج	ے	אהל	تتواز ک	٠	2.7	'	
61																																						. و	نقسيم	ï	2.8	;	
68																																									2.9)	
																																									2.10		
76	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0		٠,	٠	٠.	• 21	•••	ت س. ،	ا مد م	ي سر) 		2.10 2.11	'	
84	•	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•		•	•	•			:	وله ر	ن تبا م	نگوا 	تناره- ابه من		2.12		
91			٠	•	•	•		•	•	•	•	•	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	٠	•			•	•	وار	ےاد	_1.	نےو	يا کر۔	نعاله	ح اسنا	ابعش		2.13		
10																																				يب	ا تر ک	ئرى	اوردا	جو ڑ	ز کیب	,	3
10	1.																																					ۈڑ	نجزیه	,	3.1		
104	1																													وار	.اد و	J	<u>نے وا</u>	ر_	ال ال	استنع	م حروا	ء منب	بري نحبر تاري		3.2	,	
11'																																									3.3		
12.																																									3.4		

شنع د باواستعال کرنے والے ادوار		
لى تجزييه	3.6 دائر	
نابع منبع رواستعال کرنے والے ادوار		
منج استعال كرنے والے ادوار	3.9 تابع	
ى تركيب اور تركيب جوڙ كاموازنه	3.10 وائر	
	1 (1)	
161	حسابی ایمپلیفائر و و مرسط	4
احمالي اليم ليفاكر		
ايميليفائر		
اليمپلينارُ		
١٦6		
176	-	
178		
ران اور غير متوازن صورت		
نه کار		
الكِيلِيْنَارُ	4.9 آلاتی	
187	مسئلے	5
187		5
ر طيت		
ر نقاد و الربين و المستقل		
جي ادوار	3.4 مساو 5.5 مسئله	
ر حتون مسلمة نار ن اور مسلمه سباد نه من مسلمه نار ن المسلم مسلمه نار ن المسلمة نار ن المسلم المسلم المسلم المس منتج استعمال كرنے والے ادوار	3.5 مسلم 5.6 تالع	
ن المعلمال مرت والمصادوار	3.6 تالع 5.7 تالع	
ىسے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8 زياده	
گے۔	برق گيراورامال	6
247	6.1 رق	
یر گیراوراماله گیر کے خصوصیات		
پر روساند پر از کار	6.4 بايا 6.4 سليا	
- مردر برق گر ری برٹ گر	6.5 متواز	
د مارد المالد گير		
ر من من المعلقة الرائع على المعلقة المنطقة ال		
288	•	
293	عار ضی رد عمل	7
دي		
در جی ادوار	7.2 ایک	

إب7

عارضي ردعمل

7.1 تعارف

ایسے ادوار جن میں امالہ گیر اور (یا) برق گیر پائے جاتے ہوں میں توانائی ذخیرہ کرنے کی صلاحیت ہوتی ہے۔ توانائی ذخیرہ کرنے والے ادوار کارد عمل منبع طاقت کے علاوہ ذخیرہ توانائی پر بھی مخصر ہوتا ہے۔ ایسے ادوار میں کسی بھی طرح کی تبدیلی سے ذخیرہ توانائی میں تبدیلی رونما ہو سکتی ہے۔دور میں تبدیلی مثلاً کسی سونچ کے چالو یا غیر چالو کرنے سے پیدا ہو سکتی ہے۔ایسی صورت جہال دور کیسال ایک ہی حالت میں رہے کو بوقوار حالت اکتے ہیں۔ تبدیلی کے بعد دور متبادل برقرار حالت اختیار کرتا ہے۔ ایک برقرار حالت تک جبنچنے کے دوران، دور عارضی حالت میں ہوتا ہے۔

7.2 ایک در جی ادوار

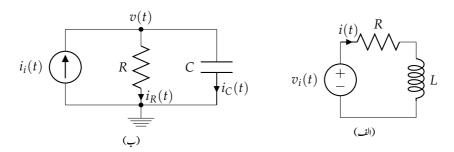
وہ ادوار جن میں صرف امالہ گیر توانائی ذخیر ہ کرتے ہوں کی کرخوف مساوات ایک درجی تفوقی مساوات 3ہوتی ہے۔اسی طرح وہ ادوار جن میں صرف برق گیر توانائی ذخیر ہ کرتے ہوں بھی ایک درجی کرخوف مساوات دیتے ہیں۔اسی لئے انہیں

steady state¹

transient state²

first order differential equation³

باب. 7. عبار ضي رد عمسال



شكل 7.1: ايك در جي اد واركي مثاليں۔

یک درجی ادوار ⁴ کہتے ہیں۔اس کے بر عکس ایسے ادوار جن میں امالہ گیر اور برق گیر دونوں پائے جاتے ہوں دو درجی تفرقی مساوات⁵ ریخ ہیں اور انہیں دو درجی ادوار ⁶ کہا جاتا ہے۔

شکل 7.1 میں ایک درجی ادوار کی مثالیں دی گئی ہیں۔ آئیں ان کی کر خوف مساوات لکھ کر دیکھیں۔ شکل-الف کی مساوات درج ذیل ہے۔

(7.1)
$$v(t) = i(t)R + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

اسی طرح شکل-ب کی کرخوف مساوات درج ذیل ہے۔

(7.2)
$$i_i(t) = \frac{v(t)}{R} + C\frac{dv(t)}{dt}$$

آپ د کھ سکتے ہیں کہ درج بالا دونوں مساوات ایک درجی تفرقی مساوات ہیں۔

شکل 7.2 میں دو درجی دور د کھایا گیا ہے جس کی کرخوف مساوات درج ذیل ہے۔

$$v_i(t) = Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(t) \, \mathrm{d}t$$

اس مساوات میں تکمل کی علامت ختم کرنے سے تفرقی مساوات حاصل ہو گی۔ تکمل کی علامت ختم کرنے کی خاطر اس کا تفرق لیتے ہیں۔

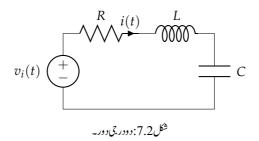
(7.3)
$$\frac{\mathrm{d}v_i(t)}{\mathrm{d}t} = R\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + L\frac{\mathrm{d}^2i(t)}{\mathrm{d}t^2} + \frac{i(t)}{C}$$

first order circuits⁴

second order differential equations⁵

second order circuits⁶

7.2 يك در تى او دار



آپ د کھ سکتے ہیں کہ امالہ گیر اور برق گیر دونوں کی موجود گی سے دو درجی تفرقی مساوات حاصل ہوتی ہے۔

7.2.1 رد عمل کی عمومی مساوات

ایک درجی ادوار کے رد عمل جاننے کی خاطر ان کی تفرقی مساوات حل کی جاتی ہے جس سے دور کے مختلف مقامات پر دباو اور رو حاصل کی جاتی ہے۔ان یک درجی مساوات کی عمومی صورت درج ذیل ہوتی ہے

$$\frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t} + ay(t) = g(t)$$

جہاں y(t) دباویارو کو ظاہر کرتی ہے، a مستقل ہے اور g(t) تفاعل عملی y(t) ہنا وقت $y_f(t)$ اور $y_f(t)$ فطری رد عمل $y_f(t)$ اور $y_f(t)$ مسئلہ کہتا ہے کہ مساوات 7.4 کا مکمل حل اس کے فطری رد عمل $y_f(t)$ اور جبری رد عمل $y_f(t)$ کا مجموعہ ہے۔ مساوات 7.4 کے کسی بھی حل کو بطور جبری رد عمل لیا جا سکتا ہے جبکہ درج فزیل بہم جنسبی مساوات $y_f(t)$

$$\frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t} + ay(t) = 0$$

کے کسی بھی حل کو فطری رد عمل تصور کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 7.4 میں g(t)=0 پُر کرنے سے ہم جنسی مساوات عاصل ہوتی ہے۔

forcing function⁷

natural response, complementary solution⁸

forced response, particular solution⁹

 $^{{\}bf homogenous\ equation^{10}}$

باب-7. عبارضی رد عمسال

آئیں g(t)=A کی صورت میں مساوات 7.4 کا حل حاصل کریں جہاں A ایک مستقل ہے۔ یوں ہمیں درج ذیل دو مساوات کے حل در کار ہیں۔

(7.6)
$$\frac{\mathrm{d}y_j(t)}{\mathrm{d}t} + ay_j(t) = A$$

$$\frac{\mathrm{d}y_f(t)}{\mathrm{d}t} + ay_f(t) = 0$$

جری طل کو قیاس کے ذریعہ حاصل کیا جائے گا۔ جری طل کو تفاعل عملی اور اس کے تمام مکنہ تفرق کے مجموعے کے برابر تصور کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔چونکہ متعقل کا تفرق $\left(\frac{\mathrm{d}A}{\mathrm{d}t}=0\right)$ صفر کے برابر ہے للذا جبری طل کو متعقل K_1 تصور کرتے ہیں۔

$$(7.8) y_j(t) = K_1$$

اس قیمت کو مساوات 7.6 میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$\frac{\mathrm{d}K_1}{\mathrm{d}t} + aK_1 = A$$
$$0 + aK_1 = A$$

لعيني

$$(7.9) K_1 = \frac{A}{a}$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.7 کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}y_f(t)}{y_f(t)} = -a\,\mathrm{d}t$$

لکھا جا سکتا ہے جس کا تکمل

$$ln y_f(t) = -at + c$$

لعيني

$$(7.10) y_f(t) = K_2 e^{-at}$$

کے برابر ہے جہاں c کمل کا متعقل ہے اور c $K_2=e^c$ کے برابر ہے۔مساوات 7.10ور مساوات 7.10سے مکمل حل درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

(7.11)
$$y(t) = \frac{A}{a} + K_2 e^{-at}$$

7.2. ایک در جی ادوار

کسی بھی کھے پر y(t) جاننے سے درج بالا مساوات میں نامعلوم مستقل K_2 دریافت کیا جاسکتا ہے۔ درج بالا مساوات کو درج ذیل عمومی حل کی صورت میں لکھا جاسکتا ہے

$$(7.12) y(t) = K_1 + K_2 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

جہال $\tau = \frac{1}{a}$ کے برابر ہے۔

مساوات 7.12 کے مختلف اجزاء کو نام دیے گئے ہیں۔ یوں au وقتی مستقل K_1 کہلاتا ہے جبکہ K_1 بوقوار حالت حل T کہلاتا ہے۔ مساوات 7.12 میں T بیر T کہلاتا ہے۔ مساوات 7.12 میں T بیر کرنے سے بر قرار حالت حل حاصل ہوتا ہے۔ یوں کسی بھی تبدیلی کے بہت دیر بعد دور بر قرار حالت میں ہو گا یعنی ابدی صورت کو بر قرار حالت کہا جاتا ہے۔

 $y_{j}(0)=K_{2}$ پر t=0 کی صورت میں جبری حل دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کمحہ $y_{j}(0)=K_{2}$ پر t=0 کی صورت میں جبری حل دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کمحہ $y_{j}(\tau)=0.368$ برابر ہے جبکہ ایک وقتی مستقل برابر وقت بعد اس کی قیمت میں $y_{j}(2\tau)=0.135$ کی واقع ہوئی ہے۔اسی طرح دو وقتی مستقل وقفے کے بعد t=0.135 کی واقع ہوئی ہے۔اسی طرح دو وقتی مستقل وقفے کے بعد t=0.32 پر t=0.32 پر t=0.32 کی واقع ہوگی ہے۔ حقیقت میں کسی بھی کمچہ t=0.32 کی واقع ہوگی۔ t=0.32 گیت مستقل وقفے کے بعد t=0.32 کی واقع ہوگی۔ t=0.32 کی واقع ہوگی۔ t=0.32 کی داخت کے بعد t=0.32 کی داخت ہوگی۔ t=0.32 کی داخت کے بعد t=0.32 کی داخت کے بعد t=0.32 کی داخت ہوگی۔ t=0.32 کی داخت کے بعد t=0.32 کی داخت کی داخت کی داخت کی داخت کی کی داخت کے داخت کی در داخت کی داخت کی داخت کی در داخت کی داخت کی در داخت کی داخت

مساوات 7.10 قوت نمائی انحطاطی 13 خط ہے۔ قوت نمائی انحطاطی خط کی ایک خصوصیت یہ ہے کہ ابتدائی کمے پر اس کا مماس افقی محور کو τ پر کاٹنا ہے۔ اس مماس کو شکل 7.3-الف میں $(0,K_2)$ تا $(0,K_2)$ نقطہ دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ شکل 7.3-ب میں مختلف τ کی قیتوں کے لئے مساوات 7.10 کو کھینچا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کم وقتی مستقل کی بھی دور کے رد عمل کے دورانے کی ناپ ہے۔ مستقل کا خط جلد اختامی قیمت تک پہنچتا ہے۔ یوں وقتی مستقل کسی بھی دور کے رد عمل کے دورانے کی ناپ ہے۔

مثال 7.1: شکل 7.4 میں مزاحمت اور بے بار برق گیر سلسلہ وار جڑے ہیں۔ کھہ t=0 پر سوئے 1514 چالو کرتے ہوئے انہیں مستقل منبع دباو V_I کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ برق گیر کا دباو v(t) اور رو v(t) دریافت کریں۔

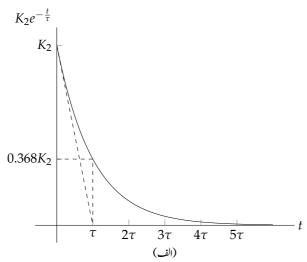
time constant¹¹

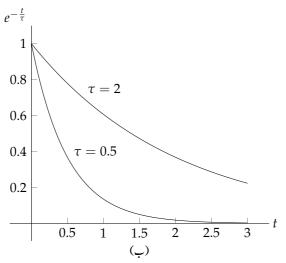
steady state solution 12

exponential decaying 13

¹⁴اس طرز کے سوئچ کا پورانام ایک قطب ایک چال سوئچ ہے۔

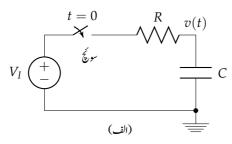
switch, spst, single pole single throw 15

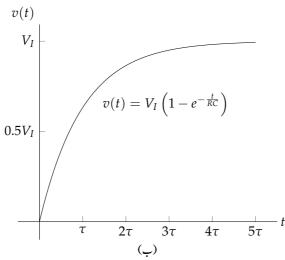


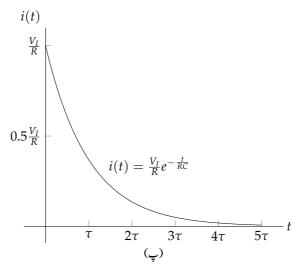


شكل 7.3: وقتى مستقل

7.2. ايک در جي ادوار







شكل 7.4: مثال 7.1 كادور، د باواوررو_

باب-7. عـــار ضي رد عمـــال

حل: سونچ چالو کرنے سے پہلے برق گیر ہے بار ہے للذا اس پر دیاو صفر کے برابر ہے۔ صفحہ 250 پر مساوات 0.11 کے تحت $v_C(0_+)=v_C(0_-)$ ہو گا۔ سونچ چالو کرنے کے فوراً بعد برق گیر کا دیاو صفر ہی ہو گا۔ سونچ چالو کرنے کے بعد دیاو جوڑ $v_C(0_+)=v_C(0_-)$ بعد دیاو جوڑ $v_C(0_+)=v_C(0_-)$

$$\frac{v(t) - V_I}{R} + C\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} = 0$$

جسے ترتیب دیتے ہوئے

(7.13)
$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t)}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$

کھا جا سکتا ہے جو عمومی مساوات V_I کی طرح ہے۔ چونکہ V_I مستقل قیت ہے لہذا اس مساوات کا جبر کی حل $v_j(t)=K_1$

تصور کیا جا سکتا ہے جسے مساوات 7.13 میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$\frac{dK_1}{dt} + \frac{K_1}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$
$$0 + \frac{K_1}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$

لعيني

$$K_1=V_I$$
 حاصل ہوتا ہے۔یوں جبری حل درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔ $v_i(t)=V_I$

اس نتیج کے تحت سونچ چالو کرنے کے بہت دیر بعد برق گیر پر دباو عین منبع دباو کے برابر ہو گا۔ شکل کو دیکھتے ہوئے اس نتیج تک یوں پہنچا جا سکتا ہے کہ سونچ چالو کرنے کے بعد دور میں روکی وجہ سے برق گیر پر بار جمع ہونا شروع ہو جائے گا۔ جب تک برق گیر کا دباو منبع کے دباوسے کم ہو، مزاحت پر دباو پایا جائے گالمذااس میں روپائی جائے گی۔ یہ روبرق گیر پر جمع بار میں اضافہ کرتی رہے گی۔ عین اس وقت جب برق گیر اور منبع کے دباو برابر ہو جائیں، روکی قیمت صفر ہو جائے گی اور برق گیر کا دباواس قیمت پرابر تک بر قرار رہے گا۔

آئیں اب فطری حل دریافت کریں۔ فطری حل ہم جنسی مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.13 کے دائیں بازو کو صفر کے برابر پُر کرنے سے ہم جنسی مساوات

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t)}{RC} = 0$$

7.2. ايک در جي ادوار

حاصل ہوتی ہے۔اس کو

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{v(t)} = -\frac{\mathrm{d}t}{RC}$$

لکھتے ہوئے تکمل لینے سے

$$\ln v(t) = -\frac{t}{RC} + c$$

لعيني

$$v_f(t) = K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

فطری حل حاصل ہوتا ہے۔ جبری اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل ہو گا۔

$$v(t) = V_I + K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

 $v_C(0_+)=0\,$ پر $t=0_+$ کمل حل میں نامعلوم مستقل کو ابتدائی شرائط $t=0_+$ سے حاصل کرتے ہیں جس کے تحت $t=0_+$ پر $t=0_+$ کی قیمت معلوم ہے۔ان قیمتوں کو درج بالا مساوات میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$0 = V_I + K_2 e^{-\frac{0}{RC}}$$
$$0 = V_I + K_2$$

لعيني

$$K_2 = -V_I$$

حاصل ہوتا ہے۔

جبری حل اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل دیتا ہے

(7.15)
$$v(t) = v_j(t) + v_f(t)$$
$$= V_I \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$
$$= V_I \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

initial conditions 16

ا_7.عـار ضي ردعمـل

درج بالا مساوات میں وقتی مستقل درج ذیل ہے۔

$$\tau = RC$$

یوں R یا (اور) C بڑھانے سے وقتی مستقل بڑھے گا جس سے دور بر قرار صورت زیادہ دیر کے بعد اختیار کرے گا۔

رو i(t) کو درج بالا مساوات سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i(t) = C \frac{dv(t)}{dt}$$

$$= CV_I \left(0 + \frac{1}{RC} e^{-\frac{t}{RC}} \right)$$

$$= \frac{V_I}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

یمی رومزاحمت پر اوہم کے قانون کی مدد سے بھی حاصل کی جاسکتی ہے یعنی

$$i(t) = \frac{V_I - v(t)}{R}$$
$$= \frac{V_I}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

مثال 7.2: شکل 7.5 میں لحمہ t=0 پر سون کے چالو کیا جاتا ہے۔رو کا خط کھپنیں۔

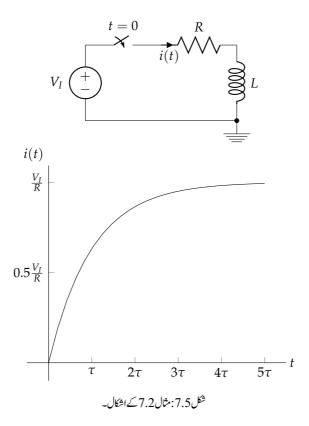
حل: كرخوف مساوات د باو

$$V_I = i(t)R + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

کو ترتیب دیتے ہوئے عمومی شکل میں لاتے ہیں

(7.17)
$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{R}{L}i(t) = \frac{V_I}{L}$$

7.2. ایک در جی ادوار



باب-7.عــارضي ردعمــل

جس کا جبری حل

$$i_j(t) = K_1$$

ہو گا۔ جبری حل کو عمومی مساوات میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$\frac{dK_1}{dt} + \frac{R}{L}K_1 = \frac{V_I}{L}$$
$$0 + \frac{R}{L}K_1 = \frac{V_I}{L}$$

لعيني

$$K_1 = \frac{V_I}{R}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے جبری حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i_j(t) = \frac{V_I}{R}$$

یمی جواب منطق سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ چونکہ یک سمتی رو کے لئے امالہ گیر بطور قصر دور کردار ادا کرتا ہے المذا عارضی دورانیہ گزر جانے کے بعد ہم امالہ گیر کو قصر دور تصور کر سکتے ہیں۔ شکل 7.5 میں امالہ گیر کو قصر دور کرتے ہوئے اوہم کے قانون سے $i_j(t)=rac{V_I}{R}$ کھا جا سکتا ہے۔

فطری حل حاصل کرنے کی خاطر مساوات 7.17 میں دیے گئے عمومی مساوات کا دایاں ہاتھ صفر کے برابر پُر کرتے ہوئے درج ذیل ہم جنسی مساوات حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{R}{L}i(t) = 0$$

اس کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{i(t)} = -\frac{R}{L}\,\mathrm{d}t$$

تكمل لينے سے

$$\ln i(t) = -\frac{R}{L}t + c$$

7.2. ايک در جي او وار

لعيني

$$i_f(t) = K_2 e^{-\frac{R}{L}t}$$

حاصل ہوتاہے۔

جبری اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل دیتا ہے

(7.18)
$$i(t) = i_j(t) + i_f(t) \\ = \frac{V_I}{R} + K_2 e^{-\frac{R}{L}t} \\ = \frac{V_I}{R} + K_2 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

جہاں وقتی مستقل درج ذیل ہے۔

$$\tau = \frac{R}{L}$$

کمل حل میں نامعلوم مستقل K_2 کو ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔ سونے چالو کرنے سے پہلے دور میں رو صفر کے برابر ہے۔ صفحہ 263 پر مساوات 6.21 کے تحت امالہ کی رو بلا جوڑ تفاعل

$$i_L(t_+) = i_L(t_-)$$

ہے لہذا سو ﷺ چالو کرنے کے فوراً بعد امالہ کی رو وہی ہو گی جو سو ﷺ چالو کرنے کے فوراً پہلے تھی لیخہ لیخہ $t=0_+$ پر $i_L(0_+)=i_L(0_-)=0$

$$0 = \frac{V_I}{R} + K_2 e^{-\frac{0}{\tau}}$$

لعيني

$$K_2 = -\frac{V_I}{R}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں مکمل حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i(t) = \frac{V_I}{R} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

مثال 7.3: ازل سے شکل 7.6 میں ایک قطب دو چال سوئچ 17 ای جگہ پر ہے۔ لمحہ t=0 پر اس کی جگہ تبدیل کرتے ہوئے $5\,\mathrm{k}\Omega$ مزاحمت کو زمین کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ برق گیر پر دباو دریافت کریں۔

حل: ازل سے دور منبع کے ساتھ جڑا رہا ہے۔ یوں دور بر قرار حالت میں ہو گا اور برق گیر کو کھلا دور تصور کیا جاتا ہے۔ایسا کرنے سے شکل-ب حاصل ہوتی ہے جہاں سے تقسیم دباو کے کلیے سے برق گیر کا ابتدائی دباو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$v_{\rm C}(0_-) = 20 \left(\frac{15 \,\mathrm{k}\Omega}{5 \,\mathrm{k}\Omega + 15 \,\mathrm{k}\Omega} \right) = 15 \,\mathrm{V}$$

برق گیر کا د باو بلا جوڑ ہے للذا

$$v_C(0_+) = v_C(0_-) = 15\,\mathrm{V}$$
 ابتدائی حالت

ہو گا۔ لمحہ v(t) بعد کی صورت شکل پ میں دکھائی گئی ہے۔ ہمیں اس شکل میں v(t) در کار ہے جسے کرخوف مساوات رو کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{v_C(t)}{5000} + \frac{v_C(t)}{15000} + 200 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} = 0$$

اس ہم جنسی مساوات کو ترتیب دیتے ہوئے

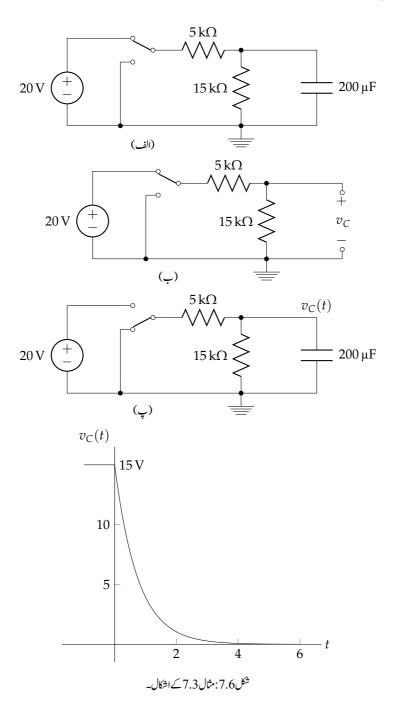
$$\frac{\mathrm{d}v_{\mathrm{C}}(t)}{v_{\mathrm{C}}(t)} = -\frac{4}{3}\,\mathrm{d}t$$

لکھا جا سکتا ہے جس کا تکمل

$$\ln v_C(t) = -\frac{4}{3}t + c$$

single pole double throw switch, spdt¹⁷

7.2. ايک در جي ادوار



باب 7. عبار ضي رد عمسال

١

$$v_C(t) = Ke^{-\frac{4}{3}t}$$

سے K کی قیمت درج ذیل

K = 15

حاصل ہوتی ہے۔یوں

$$v_C(t) = 15e^{-\frac{4}{3}t}$$

 σ عاصل ہوتا ہے جس میں وقتی مستقل $\sigma = \frac{3}{4}$ کے برابر ہے۔ یوں سونچ چالو کرنے کے $\sigma = 0.75\,\mathrm{s}$ بعد برق گیر کا دباو اہتدائی قیت کے $\sigma = 0.368$ یعنی $\sigma = 0.368$ برابر ہے۔ یوں سونچ چالو کرنے کے $\sigma = 0.368$ برابر ہے۔ یوں سونچ چالو کرنے کے $\sigma = 0.368$ بعد برق گیر کا دباو

مثال 7.4: ازل سے شکل 7.7 میں سونج غیر چالو تھا جے t=0 پر چالو کیا جاتا ہے۔ امالہ گیر کی رو $i_L(t)$ دریافت کریں۔

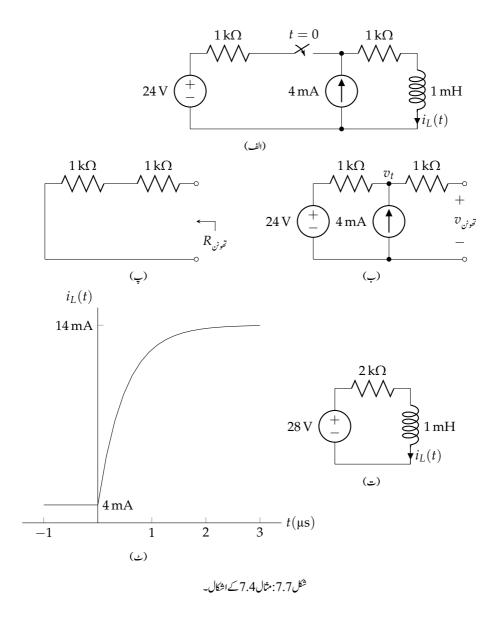
حل: غیر چالو سونچ کی صورت میں منبع رو کی تمام روامالی گیر سے گزرتی ہے للذا

$$i_L(0_-) = i_L(0_+) = 4 \,\mathrm{mA}$$

ہو گا۔اس دور کو مسئلہ تھونن کی مدد سے حل کرتے ہیں۔یوں امالہ کو بوجھ تصور کرتے ہوئے بقایا دور کا تھونن مساوی حاصل کرتے ہیں۔ تھونن دباو حاصل کرنے کی خاطر بوجھ کو کھلے دور کیا جاتا ہے جس سے شکل 7.7-ب حاصل ہوتی ہے۔اس شکل میں منبع روکی تمام رو بائیں مزاحمت اور منبع دباوسے گزرے گی لہذا مزاحمت پر 4V کا دباو ہوگا۔یوں

$$v_t = v$$
تونی $v_t = 24\,\mathrm{V} + 4\,\mathrm{V} = 28\,\mathrm{V}$

7.2. ايک در جي اووار



باب.7.عــارضي ردعمــال

ککھا جا سکتا ہے۔ یاد رہے کہ بالائی دائیں مزاحمت میں روصفر کے برابر ہے للذااس پر دباو بھی صفر ہو گا اور یوں v_t اور ت_{ھون} ہ برابر ہوں گے۔

منبغ د باو کو قصر دور اور منبغ رو کو کھلے دور کرتے ہوئے شکل-پ حاصل ہوتی ہے جسے دیکھتے ہوئے تھونن مزاحمت $R_{ij}=2\,\mathrm{k}\Omega$

لکھی جاسکتی ہے۔

تھونن مساوی دور استعال کرتے ہوئے شکل-الف کو شکل-ت کی طرز پر بنایا جا سکتا ہے۔شکل-ت کی کرخوف مساوات

$$28 = 2000i(t) + 0.001 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

كو عمومي صورت ميں لکھتے ہیں۔

$$\frac{di(t)}{dt} + 2 \times 10^6 i(t) = 28000$$

اس مساوات کا جبری حل

 $i_i(t) = K_1 = 14 \,\mathrm{mA}$

حاصل ہوتا ہے اور اس کا فطری حل

 $i_f(t) = K_2 e^{-2 \times 10^6 t}$

ہے۔ یوں امالہ گیر کے رو کا مکمل حل

 $i(t) = 0.014 + K_2 e^{-2 \times 10^6 t}$

ہے۔ابتدائی معلومات کواس مساوات میں حل کرتے ہوئے

 $0.004 = 0.014 + K_2 e^0$

سے

 $K_2 = -10 \,\mathrm{mA}$

7.2. ایک در جی ادوار

حاصل ہوتا ہے۔یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

(7.21)
$$i_L(t) = 0.014 - 0.01e^{-2 \times 10^6 t}$$

اس مساوات کا وقتی مستقل $au=0.5\,\mu s$ ہے۔ یوں تقریباً $au=2.5\,\mu s$ میں دور پہلی بر قرار حالت سے دوسری برقرار حالت اختیار کر پاتا ہے۔ مساوات 7.21 کو شکل۔ ٹ میں دکھایا گیا ہے۔

باب.7.عسار ضي رد عمسل