برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/(a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا ر قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	(```	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								مليه وا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•				او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								ىلە دا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	•	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	رواز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(تعمار	والمع	د با	\dot{c}	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی) برق گیراو	6
ر من برین میں ہے۔ برق گیر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر اور امالہ گیر کے خصوصات		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعاد دادامانه پر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۶ میں اور در میں میں ہوتات کی ہوتات کی اور در میں اور در میں اور در میں اور در میں میں اور تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

7.2.1 رد عمل کی عمومی مساوات		
وهر کن	7.3	
ووور کی اووار کی اووار کی اور از کی	7.4	
250	, <u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>	0
الت بدلتي رو ميرا		8
مخلوطاعداد	8.1	
سائن نماتفاعل	8.2	
سائن نمااور مخلوط جبری تفاعل	8.3	
دوري سمتير	8.4	
مزاجت ،اماله گیراور برق گیر کے انفراد ی دوری ستی تعلق	8.5	
برقی ر کاوٹ اور برقی فراوانی کی میں میں میں میں ہے۔ یہ میں ہے۔ یہ ہے۔ 396	8.6	
	8.7	
كرخوف مياوات	8.8	
تجياني تراكيب	8.9	
٠٠٠٠ بيل الرابيب	0.9	
قى ھاقت	برقراربر	9
للحاتي طاقت	9.1	
اوسط طاقت	9.2	
زياده و نظافات منتقل كرنے كامسُله	9.3	
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	9.4	
مو <i>ژ</i> قیت		
جروطات	9.5	
مخلوط طاقتِ بِ	9.6	
جزوطاقت کی در نقلی	9.7	

عـــنوان

باب9 بر قرار بر قی طاقت

9.1 لمحاتى طاقت

شکل 9.1 میں بوجھ $\, Z \,\,$ کو بدلتی رو منبع طاقت فراہم کرتا ہے۔اس عمومی دور کے برقرار دباو اور برقرار رو درج ذیل کھھے جا سکتے ہیں۔

(9.1)
$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \phi_v)$$
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \phi_i)$$

یوں کسی بھی لمچہ بوچھ کو منتقل طاقت درج ذیل ہو گا

(9.2)
$$p(t) = v(t)i(t)$$

$$= V_0 I_0 \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i)$$

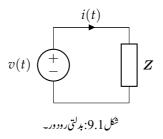
جس میں

(9.3)
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha - \beta) + \cos(\alpha + \beta)}{2}$$

استعال کرتے ہوئے

(9.4)
$$p(t) = \frac{V_0 I_0}{2} \left[\cos(\phi_v - \phi_i) + \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) \right]$$

باب 9. بر قرار برقی طب قت



ملتا ہے جہاں $\alpha=\omega t+\phi_v$ اور $\beta=\omega t+\phi_i$ اور $\beta=\omega t+\phi_i$ اور کیھ سکتے ہیں کہ کمحاتی طاقت دو اجزاء کا مجموعہ ہے۔ پہلا جزو مستقل طاقت ہے جو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ دو سرا جزو دگنی تعدد کا بدلتی رو طاقت ہے۔

مثال 9.1: شکل 9.1 میں بر قرار دباو $Z=5/20^\circ$ ور $v(t)=15\cos(100t+45^\circ)$ اور $Z=5/20^\circ$ بیں۔بو جھ کو منتقل کمحاتی طاقت دریافت کریں۔

حل: دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے

$$\hat{I} = \frac{15/45^{\circ}}{5/20^{\circ}}$$

= 3/25° A

لعيني

$$i(t) = 3\cos(100t + 25^\circ) \,\mathrm{A}$$

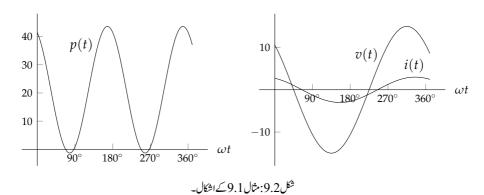
لکھا جا سکتا ہے۔ یوں مساوات 9.4 سے کماتی طاقت درج ذیل لکھی جاسکتی ہے۔

$$p(t) = 22.5 \left[\cos 20^{\circ} + \cos(200t + 70^{\circ})\right]$$

= 21.143 + 22.5 \cos(200t + 70^{\circ}) W

د باو، رو اور طاقت کے خط شکل 9.2 میں دکھائے گئے ہیں۔درج بالا مساوات میں $21.143 \, \mathrm{W}$ مستقل طاقت ہے جو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ $200 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ کی $22.5 \, \mathrm{cos}(200t + 70^\circ) \, \mathrm{W}$ کوقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ $200 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$

9.1. لمحت تي طاقت



مثال 9.2: شکل $Z=Z_0/\phi_z$ اور $v(t)=V_0\cos(\omega t+\phi_v)\,\mathrm{V}$ بین روور یافت کریں۔ مثال 9.2 شکل 9.1 مثال 9.2 مثال 9.

حل: دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے

$$\hat{I} = \frac{V_0/\phi_v}{Z_0/\phi_z}$$

$$= \frac{V_0}{Z_0}/\phi_v - \phi_z$$

کھا جا سکتا ہے جس سے وقتی دائرہ کار میں رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$i(t) = \frac{V_0}{Z_0}\cos(\omega t + \phi_v - \phi_z)$$

 $\phi_v - \phi_z$ مساوات θ_i میں دیے عمومی رو کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ϕ_i در حقیقت میں $\phi_v - \phi_z$ مساوات ϕ_i درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$\phi_v - \phi_i = \phi_z$$

دہراتے تفاعل (مثلاً سائن نما تفاعل) کے ایک دوری عرصے پر تکمل کو دوری عرصے سے تقسیم کرنے سے تفاعل کی اوسط قیمت حاصل ہوتی ہے۔یوں مساوات 9.1 میں دیے دباواور روکی صورت میں بوجھ کو منتقل اوسط طاقت درج ذیل ہوگی

(9.7)
$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} p(t) dt = \frac{V_0 I_0}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i) dt$$

جہاں t_0 کوئی بھی لمحہ ہو سکتا ہے جبکہ $T=\frac{2\pi}{\omega}$ دباویا روکا دوری عرصہ ہے۔ حقیقت میں ہم ایک دوری عرصے کی بجائے n کمل دوری عرصے پر تکمل لیتے ہوئے n دوری عرصے سے تقسیم کرتے ہوئے بھی اوسط قیمت حاصل کر سکتے ہیں۔ یوں اوسط طاقت درج ذیل بھی لکھی جاسکتی ہے۔

$$(9.8) P = \frac{V_0 I_0}{nT} \int_{t_0}^{t_0 + nT} \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i) dt$$

ماوات 9.4 کی مدد سے ماوات 9.7 درج ذیل لکھا جائے گا۔

(9.9)
$$P = \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \left[\cos(\phi_v - \phi_i) + \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) \right] dt \\ = \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(\phi_v - \phi_i) dt + \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) dt$$

درج بالا تکمل کے دواجزاء کو باری باری حل کرتے ہیں۔ پہلا جزومتنقل ہے للنذااس کو تکمل کے باہر ککھتے ہوئے حل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0 + T} \cos(\phi_v - \phi_i) \, \mathrm{d}t &= \frac{V_0 I_0}{2T} \cos(\phi_v - \phi_i) \int_{t_0}^{t_0 + T} \mathrm{d}t \\ &= \frac{V_0 I_0}{2T} \cos(\phi_v - \phi_i) t \bigg|_{t_0}^{t_0 + T} \\ &= \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i) \end{split}$$

اب مساوات 9.9 کے دوسرے جزو کو حل کرتے ہیں

$$\frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) dt = \frac{V_0 I_0}{2T} \frac{\sin(2\omega t + \phi_v + \phi_i)}{2\omega} \Big|_{t_0}^{t_0+T}$$
= 0

9.2 اوسط طب قت

جہاں $\sin \alpha = \sin(\alpha + T)$ کا استعال کیا گیا ہے۔ یوں مساوات 9.9 سے درج ذیل اوسط طاقت حاصل ہوتا ہے۔

(9.10)
$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

 $\phi_i - \phi_v$ یا $\phi_v - \phi_i$ یا کادلیل کوسائن کادلیل $\phi_v - \phi_i$ یا ساوات میں کوسائن کادلیل $\phi_v - \phi_v$ یا $\phi_v - \phi_v$ یا کھا جا سکتا ہے۔ مساوات 6.9 کو استعال کرتے ہوئے درج بالا مساوات کو دوبارہ لکھتے ہیں۔

$$(9.11) P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos \phi_z$$

 $^{\circ}$ خالص مزاحمتی رکاوٹ $Z=R/0^{\circ}$ کا زاویہ ہٹاو $^{\circ}$ ہوتا ہے للذا $^{\circ}$ النظ $^{\circ}$ کا زاویہ ہٹاو میں طاقت

$$(9.12) P_{\ddot{\nu}} = \frac{V_0 I_0}{2}$$

ہو گا جہاں V_0 سے مراد مزاحمت کے دباو کا حیطہ ہے۔ قانون اوہم سے درج بالا کو درج ذیل صورتوں میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

$$(9.13) P_{\ddot{5}^2 | \dot{7}^*} = \frac{I_0^2 R}{2}$$

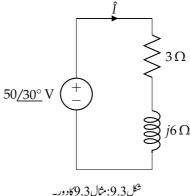
(9.14)
$$P_{\ddot{\mathcal{S}}^{2}_{i}} = \frac{V_{0}^{2}}{2R}$$

درج بالا تینوں مساوات کا یک سمتی رو میں مزاحمتی ضیاع کے مساوات کے ساتھ موازنہ کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ موجودہ تینوں مساوات کے نسب نما میں دو (2) کا اضافی عدد پایا جاتا ہے جس پر حصہ 9.4 میں تبحرہ کیا جائے گا۔

امالی متعاملیت کی رکاوٹ $Z_C = X_C / -90^\circ$ جبکہ برق گیر متعاملیت کی رکاوٹ $Z_C = X_C / -90^\circ$ ہوتی ہے۔ چونکہ $\cos(\mp 90^\circ) = 0$ ہوتا ہے لہذا غیر مزاحمتی رکاوٹ کی طاقت صفر ہو گی۔

$$(9.15) P_{يوالي} = 0$$

چونکہ خالص متعامل پرزوں کو صفر اوسط طاقت منتقل ہوتی ہے المذاانہیں بسے ضیاع پرزمے ¹ کہتے ہیں۔دور کا متعامل حصہ، دوری عرصے کے کچھ حصے میں دور سے طاقت حاصل کرتے ہوئے ذخیرہ کرتا ہے جبکہ دوری عرصے کے کسی دوسرے حصے میں اسی طاقت کو دور کو واپس کرتا ہے۔ با__9. برقرار برقی طباقت 448



مثال 9.3: شكل 9.3 ميں ركاوٹ كى اوسط طاقت دريافت كريں۔

حل:رو درج ذیل ہے۔

$$\hat{I} = \frac{50/30^{\circ}}{3+j6} = \frac{50/30^{\circ}}{3+j6} = \frac{50/30^{\circ}}{\sqrt{45}/63.435^{\circ}} = 7.454/-33.435^{\circ} \,A$$

نوں

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

$$= \frac{(50)(7.454)}{2} \cos[30^\circ - (-33.435^\circ)]$$

$$= 83.34 \text{ W}$$

ہو گا۔ چونکہ طاقت صرف مزاحت میں ضائع ہوتی ہے المذایبی جواب مساوات 9.12سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں سے مراد مزاحمت کے دباو کا حیطہ ہے۔ تقسیم دباوسے مزاحمت کا دباو درج ذیل ہے V_0

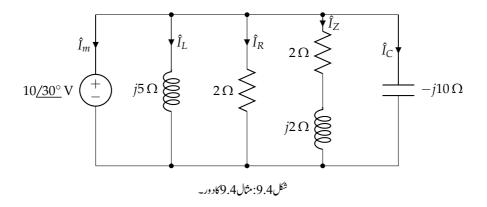
$$\hat{V}_R = \left(\frac{3}{3+j6}\right) 50 / 30^\circ = 22.361 / -33.435^\circ$$

جس سے مزاحمت کا اوسط طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} = \frac{(22.361)(7.454)}{2} = 83.34 \,\mathrm{W}$$

lossless components¹

9.2 اوسط طب قت



 $P=rac{I_0^2R}{2}=rac{(7.454^2)(3)}{2}=83.34\,\mathrm{W}$ $P=rac{V_0^2}{2R}=rac{(22.361^2)}{(2)(3)}=83.34\,\mathrm{W}$

مثال 9.4 شكل 9.4 مين منبغ د ياو كا اوسط طاقت حاصل كريں۔دور كے بقايا پر زوں كا اوسط طاقت بحى دريافت كريں۔ $\hat{I}_L = \frac{10/30^\circ}{j5} = \frac{10/30^\circ}{5/90^\circ} = 2/-60^\circ$ $\hat{I}_R = \frac{10/30^\circ}{2} = \frac{10/30^\circ}{2/0^\circ} = 5/30^\circ$ $\hat{I}_R = \frac{10/30^\circ}{2} = \frac{10/30^\circ}{2/0^\circ} = 5/30^\circ$ $\hat{I}_R = \frac{10/30^\circ}{2+j2} = \frac{10/30^\circ}{\sqrt{8/45^\circ}} = \frac{5}{\sqrt{2}}/-15^\circ$ $\hat{I}_C = \frac{10/30^\circ}{-j10} = \frac{10/30^\circ}{10/-90^\circ} = 1/120^\circ$ $\hat{I}_m = -\left[\hat{I}_L + \hat{I}_R + \hat{I}_Z + \hat{I}_C\right] = 8.27647/-175.01689^\circ$

باب.9. بر قرار برقی طب قت

یوں انفرادی شاخوں کے اوسط طاقت مساوات 9.10 یا مساوات 9.11 سے درج ذیل ہوں گے۔

$$P_{L} = \frac{(30)(2)}{2}\cos(90^{\circ})$$
 = 0 W

$$P_R = \frac{(30)(5)}{2}\cos(0^\circ) = 75\,\mathrm{W}$$

$$P_Z = \frac{(30)(\frac{5}{\sqrt{2}})}{2}\cos(45^\circ)$$
 = 37.5 W

$$P_C = \frac{(30)(1)}{2}\cos(90^\circ) = 0 \,\mathrm{W}$$

$$P_m = \frac{(30)(8.27647)}{2}\cos[(30^\circ + 175.01689^\circ)] = -112.5 \,\mathrm{W}$$

مثبت جواب طاقت کا ضیاع ہے جبکہ منفی جواب طاقت کی پیداوار ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع کی طاقتی پیداوار 112.5W ہے جو دور میں طاقت کے ضیاع

$$P_L + P_R + P_Z + P_C = 0 + 75 + 37.5 + 0 = 112.5 \text{ W}$$

کے عین برابر ہے۔

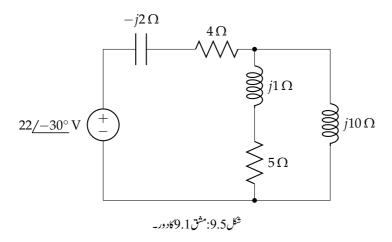
مثق 9.1: شكل 9.5 كے تمام مزاحمتوں ميں ضائع ہونے والا اوسط طاقت دريافت كريں۔

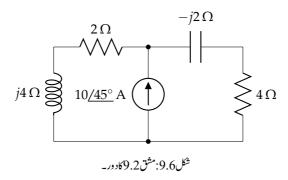
 $P_{5\,\Omega}=14.975\,\mathrm{W}$ ، $P_{4\,\Omega}=17.491\,\mathrm{W}$. وابات:

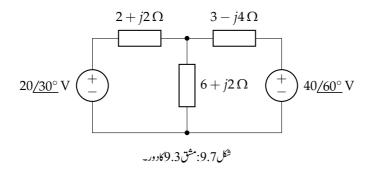
مشق 9.2: شكل 9.6 ك تمام مزاحمتول مين ضائع هونے والا اوسط طاقت دريافت كريں۔

 $P_{4\,\Omega}=100\,\mathrm{W}$ ، $P_{2\,\Omega}=50\,\mathrm{W}$: برایت:

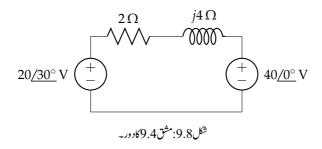
9.2 اوسط طب قت







باب 9. بر قرار برقی طب قت



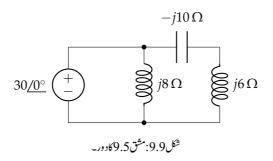
مثق 9.3: شکل 9.7 کے تمام مزاحمتوں میں ضائع ہونے والا اوسط طاقت دریافت کریں۔

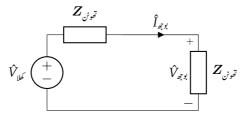
 $P_{6\,\Omega}=11.42\,\mathrm{W}$ ، $P_{3\,\Omega}=5.71\,\mathrm{W}$ ، $P_{2\,\Omega}=22.72\,\mathrm{W}$. بابت:

ایک سے زیادہ منبع کی صورت میں آپ کسی بھی ترکیب کو استعال کرتے ہوئے شاخوں کی رواور جوڑ کے دباو حاصل کرتے ہوئے طاقت دریافت کر سکتے ہیں۔البتہ یاد رہے کہ ترکیب نفاذ سے طاقت کا تخمینہ نہیں لگایا جا سکتا چونکہ طاقت مربع دباو (یا مربع رو) کا تعلق رکھتا ہے جو غیر خطی تعلق ہے۔

مثق 9.4: شكل 9.8 مين اوسط طاقت كى پيداوار اور ضياع معلوم كريں۔

 $P_{2\,\Omega}=30.72\,\mathrm{W}$, $P_{40\underline{/0^\circ}}=-5.36\,\mathrm{W}$, $P_{20\underline{/30^\circ}}=-25.36\,\mathrm{W}$





شكل 9.10: زياده سے زيادہ اوسط طاقت منتقل كرنے كامسكه۔

مثق 9.5: شكل 9.9 مين اوسط طاقت كى پيداوار اور ضياع معلوم كريں۔

جواب: اوسط طاقت کی پیدا دار اور طاقت کا ضیاع صفر واٹ ہیں۔

9.3 زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل کرنے کامسکلہ

یک سمتی روادوار میں ہم زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلے پر ہم حصہ 5.8 میں غور کر چکے ہیں۔آئیں بدلتی رو کی صورت میں اسی مسئلے پر دوبارہ غور کریں۔

کسی بھی دور کا تھونن مساوی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ شکل 9.10 میں تھونن مساوی دور کے ساتھ بوجھ جوڑا گیا ہے جہاں تھونن دباو کو کہا گیا ہے۔ ہم جاننا چاہتے ہیں کہ بوجھ کو کس صورت میں زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔ باب9. بر قرار برقی طاقت

شکل کو دیکھ کر درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{\mathbf{l}}_{\mathcal{B},\mathbf{y}} = \frac{\hat{V}_{\mathbf{y}}}{\mathbf{Z}_{\dot{\mathbf{z}},\dot{\mathbf{y}}}} + \mathbf{Z}_{\mathcal{B},\mathbf{y}}$$

جہاں

$$egin{align} oldsymbol{Z}_{\dot{oldsymbol{arphi}}} &= R_{\dot{oldsymbol{arphi}}} + j X_{\dot{oldsymbol{arphi}}} \ oldsymbol{Z}_{oldsymbol{arphi}} &= R_{oldsymbol{arphi}} + j X_{oldsymbol{arphi}} \ \hat{V}_{oldsymbol{arphi}} &= V_{oldsymbol{arphi}} igg/\phi_{oldsymbol{arphi}} \ egin{align} & \phi_{oldsymbol{arphi}} \ oldsymbol{arphi} \ oldsymbol{arphi}$$

ہیں۔ درج بالا میں امالی رکاوٹ کی صورت میں X کی قیمت مثبت ہوگی جبکہ برق گیر رکاوٹ کی صورت میں اس کی قیمت منفی ہوگی۔ یوں مساوات 9.16 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{I}_{\text{pr}} = \frac{V_{\text{blue}}/\phi_{\text{blue}}}{R_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}+jX_{\text{pr}}}$$

جس کی حتمی قیمت درج ذیل ہے۔

$$I_{\mathcal{B}, \mathcal{A}} = rac{V_{\mathcal{A}}}{\sqrt{(R_{\mathcal{C}, \mathcal{B}} + R_{\mathcal{B}, \mathcal{A}})^2 + (X_{\mathcal{C}, \mathcal{B}} + X_{\mathcal{B}, \mathcal{A}})^2}}$$

بوجھ كو منتقل اوسط طاقت مساوات 9.13 كى مدد سے لكھتے ہيں۔

$$P_{\vec{e},\vec{y}} = \frac{1}{2} I_{\vec{e},\vec{y}}^2 R_{\vec{e},\vec{y}}^2$$

$$= \frac{\frac{1}{2} V_{\vec{e},\vec{y}}^2 R_{\vec{e},\vec{y}}^2}{(R_{\vec{e},\vec{y}}^2 + R_{\vec{e},\vec{y}}^2)^2 + (X_{\vec{e},\vec{y}}^2 + X_{\vec{e},\vec{y}}^2)^2}$$

ہم جانتے ہیں کہ X میں طاقت ضائع نہیں ہوتا للذا اس کو اوسطاً صفر طاقت منتقل ہوتا ہے۔ درج بالا مساوات میں کسر کے نسب نما میں X+y بوجھ X کی قیمت کم سے کم کرتے ہوئے طاقت بڑھائی جاسکتی ہے۔ درج ذیل صورت میں اس قیمت کو صفر بنایا جاسکتا ہے۔

$$(9.18)$$
 بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کا پہلا شرط تھونن $X=-X$

مساوات 9.18 کے شرط پر پورااترتے ہوئے مساوات 9.17 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(9.19)
$$P_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{V_{\text{bl}}^2 R_{\vec{x},\vec{y}}}{2(R_{\vec{x},\vec{y}} + R_{\vec{x},\vec{y}})^2}$$

آئیں جانتے ہیں کہ کس قیمت کے بوجہ R کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہو گی۔یہ جاننے کے لئے درج بالا مساوات کے تفرق کو صفر کے برابر پُر کرتے ہوئے بوجہ R کی درکار قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}P_{\vec{x},\vec{y},}}{\mathrm{d}R_{\vec{x},\vec{y},}} = \frac{V_{\vec{x},\vec{y},}^2\left(R_{\vec{y},\vec{y},\vec{z}} + R_{\vec{x},\vec{y},\vec{y}}\right)^2 - 2V_{\vec{x},\vec{y},}^2R_{\vec{x},\vec{y},}^2\left(R_{\vec{y},\vec{y},\vec{z}} + R_{\vec{x},\vec{y},\vec{y}}\right)}{2\left(R_{\vec{y},\vec{y},\vec{z}} + R_{\vec{x},\vec{y},\vec{y}}\right)^4} = 0$$

اس سے

$$(9.20)$$
 بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کا دوسرا شرط تھونن $R_{e,i}=R_{e,i}$

حاصل ہوتا ہے۔اس منتیج کے تحت بوجھ کو اس صورت زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہوگی جب بوجھ کی مزاحمت دور کے تھونن مزاحمت کے برابر ہو۔ مساوات 9.18 اور مساوات 9.20 کو استعال کرتے ہوئے، بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہونے کی شرط کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$(9.21) R_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} + jX_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} = R_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} - jX_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}}$$

$$Z_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}} = Z_{\vec{\omega_{\ell}}\cdot\vec{y}}^*$$

مساوات 9.21 کی صورت میں زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت درج ذیل حاصل ہو گ۔

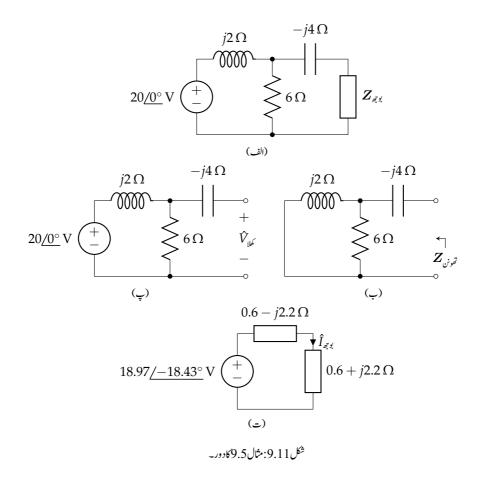
$$(9.22) P_{\text{just}} = \frac{V_{\text{bls}}^2}{8R_{\text{arg}}}$$

 $(X_L=0)$ کی صورت میں میاوات 9.17 کے تفرق کو صفر $(X_L=0)$ کی مزاحمتی بوجھ $rac{\mathrm{d}P_{e,j}}{\mathrm{d}R}=0$

کے برابر پر کرنے سے درج ذیل ملتاہے۔

(9.23)
$$R_{\bar{\omega}_{i},j} = \sqrt{R_{\bar{\omega}_{i},j}^{2} + X_{\bar{\omega}_{i},j}^{2}} + X_{\bar{\omega}_{i},j}^{2}$$

باب.9. بر قرار برق ك قت



مثال 9.5: شکل 9.11 میں بوجھ کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہو گا۔اس طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

حل: سب سے پہلے بوجھ کو ہٹاتے ہوئے بقایا دور کا تھونن مساوی حاصل کرنا ہو گا۔ شکل-ب میں منبع دباو کو قصر دور کیا گیا ہے تاکہ تھونن مزاحمت حاصل کی جا سکے۔اسی طرح شکل-پ میں کھلے دور دباوکی نشاندہی کی گئی ہے۔ شکل-ب تھونن

ر کاوٹ لکھتے ہیں۔

$$Z_{\ddot{v_e}\ddot{\dot{v}_e}} = -j4 + \frac{(6)(j2)}{6+j2} = \frac{3}{5} - j\frac{11}{5}\Omega$$

یوں بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کے لئے ضروری ہے کہ بوجھ کی رکاوٹ درج ذیل ہو۔

$$oldsymbol{Z}_{\mathcal{Z},\mathcal{Y}}=rac{3}{5}+jrac{11}{5}\,\Omega$$

شکل-پ میں برق گیر میں صفر روہے لہذااس پر دباو بھی صفر ہو گا۔اس طرح مزاحمت پر دباو ہی تھونن دباوہے جسے تقسیم دباو کے کلیے سے لکھتے ہیں۔

$$\hat{V}_{\text{ps}} = \left(\frac{6}{6+j2}\right) (20\underline{/0^{\circ}}) = 18.97\underline{/-18.43^{\circ}} \,\text{V}$$

شکل-ت میں تھونن مساوی دور کو بوجھ کے ساتھ جوڑ کر د کھایا گیاہے جہاں سے رو حاصل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \hat{I}_{\mathbf{z},\mathbf{z}'} &= \frac{18.97 / -18.43^{\circ}}{\frac{3}{5} - j\frac{11}{5} + \frac{3}{5} + j\frac{11}{5}} \\ &= 15.81 / -18.43^{\circ} \, \mathrm{A} \end{split}$$

یوں بوجھ کو منتقل اوسط طاقت درج ذیل ہو گا۔

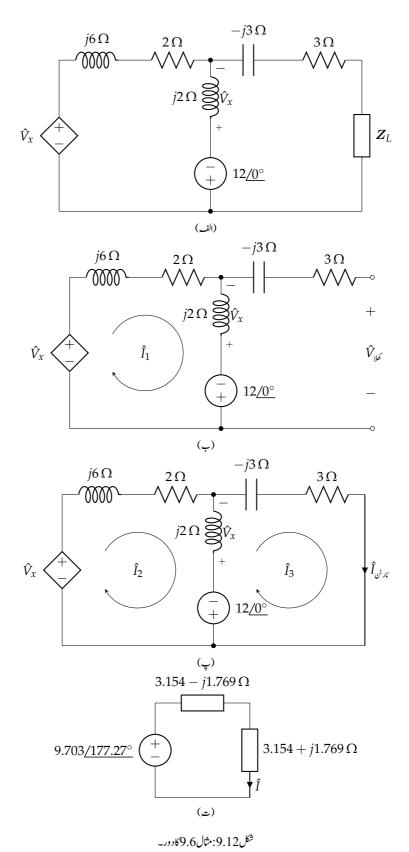
$$P_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{(15.81^2)(0.6)}{2} = 74.99 \,\mathrm{W}$$

مثال 9.6: شکل 9.12 میں بوجھ کے رکاوٹ Z_L کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر اس کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔اس طاقت کو تخمینہ بھی لگائیں۔

حل: بوجھ کے ساتھ جڑے دور کا تھونن مساوی حاصل کرتے ہیں۔ شکل-ب سے نارٹن دباو کھلا کہ حاصل ہو گا۔ شکل- بے بائیں دائرے کی مساوات لکھتے ہیں

$$\hat{V}_x + 12/0^\circ = \hat{I}_1(j6 + 2 + j2)$$

باب 9. بر قرار برتی طاقت



جہاں

$$\hat{V}_x = -j2\hat{I}_1$$

کے برابر ہے۔ درج بالا دو مساوات کو حل کرنے سے درج ذیل ملتا ہے۔

$$\begin{split} \hat{I}_1 &= \frac{12/0^{\circ}}{2+j10} \\ &= \frac{3}{13} - j\frac{15}{13} \\ &= 1.17669/-78.69^{\circ} \, \text{A} \end{split}$$

يوں تھونن د باو درج ذيل ہو گا۔

$$\hat{V}_{\text{JJ}} = (j2)(\hat{I}_1) - 12/0^{\circ}$$
= 9.703/177.27° V

شکل۔ یہ سے نارٹن رو دریافت کرتے ہیں۔ دونوں دائروں کے کرخوف مساوات اور \hat{V}_x کی مساوات کھتے ہیں

$$\hat{V}_x + 12 = \hat{I}_2(j6 + 2 + j2) - \hat{I}_3(j2)$$

$$12 + \hat{I}_3(j2 - j3 + 3) - \hat{I}_2(j2) = 0$$

$$\hat{V}_x = (\hat{I}_3 - \hat{I}_2)(j2)$$

درج بالا تین ہمزاد مساوات کو \hat{I}_3 کے لئے حل کرنے سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$\hat{I}_3 = \hat{I}_{\phi', k} = -\frac{12}{5} - j\frac{6}{5}$$

= 2.683/-153.435° A

تھونن دباو اور نارٹن رو سے تھونن ر کاوٹ حاصل کرتے ہیں۔

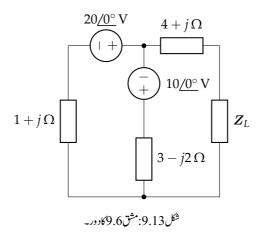
$$Z_{ij} = \frac{\hat{V}_{ij}}{\hat{l}_{ij}}$$

$$= \frac{9.703/177.27^{\circ}}{2.683/-153.435^{\circ}}$$

$$= 3.616/-29.291^{\circ}$$

$$= 3.154 - j1.769 \Omega$$

باب 9. بر قرار برقی طب قت



بوجھ کوزیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل کرنے کی خاطر بوجھ کے رکاوٹ کی درکار قیمت 0 3.154 + j1.769 بوجھ کے رکاوٹ کی سے اوجھ کی روحاصل کرتے ہیں۔ ہے۔شکل-ت میں تھونن دور کے ساتھ بوجھ جڑا ہوا د کھایا گیا ہے جہاں سے بوجھ کی روحاصل کرتے ہیں۔

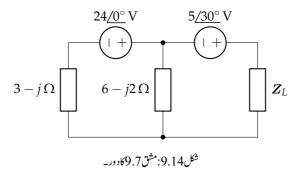
$$\hat{I} = \frac{9.703/177.27^{\circ}}{3.154 - j1.769 + 3.154 + j1.769}$$
$$= 1.538/177.27^{\circ} \text{ A}$$

يوں بوجھ كو درج ذيل اوسط طاقت منتقل ہو گا۔

$$P_{\text{pixt}} = \frac{(1.538^2)(3.154)}{2} = 3.73 \,\text{W}$$

مثق 9.6: شکل 9.13 میں بوجھ Z_L کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

 $7.18\,\mathrm{W}$ ، $Z_L=5.1-j1.53\,\Omega$ جوابات:



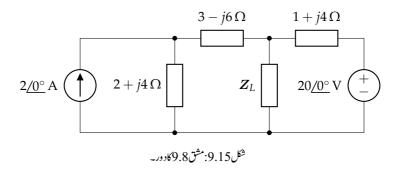
مثق 9.7: شکل 9.14 میں بوجھ Z_L کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔ زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔ جوابات: $Z_L = 2 + j_2^2 \Omega$

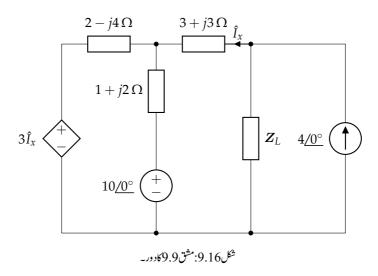
مثق 9.8: شکل 9.15 میں بوجھ Z_L کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔ زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔ جوابات: $\Omega = 2.85 - j2.05$

مشق 9.9: شکل 9.16 میں بوجھ Z_L کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔زیادہ سے زیادہ منتقل اوسط طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

 $33.03\,\mathrm{W}$ ، $m{Z}_L = 5.077j6.385\,\Omega$ جوابات:

باب 9. بر قرار برتی طب قت





9.4 موثر قيمت

9.4 موثر قيمت

 I^2 کے سمتی رو ادوار پر ہم تفصیلاً غور کر چکے ہیں جہاں ہم نے دیکھا کہ مزاحمت R میں یک سمتی رو I^2 کے گزرنے سے مزاحمت میں I^2 طاقت کا ضیاع ہوتا ہے۔ یک سمتی رو کی مقدار تبدیل نہیں ہوتی للذا مزاحمت کو ہر لمحہ بر قرار I^2 مؤاقت فراہم ہوتا ہے۔ غیر تغیر طاقت کا اوسط بھی I^2 ہو گا۔ اس کے بر عکس سائن نمارو کی صورت میں مزاحمت کو منتقل طاقت لمحہ بالمحہ تبدیل ہوتا ہے۔ یوں $I(t) = I_0 \cos(\omega t)$ کی صورت میں لمحہ I_0 پر مزاحمتی طاقت زیادہ سے زیادہ ہو گا جب I_0 ہو گا۔ اس اتار چڑھاو کی وجہ سے سائن نمارو کی صورت میں مزاحمت کو منتقل اوسط طاقت I_0 عاصل ہوتا ہے۔ یوں I_0 حیطے کی سائن نمارو مزاحمت کو منتقل اوسط طاقت I_0 عاصل ہوتا ہے۔ یوں I_0 حیطے کی سائن نمارو کی موثر قیمت I_0 ہوگی رو کے یک سمتی رو برابر طاقت فراہم کرتا ہے۔ ہم کہہ سکتے ہیں کہ I_0 حیطے کی سائن نمارو کی موثر قیمت کواں دہراتی ہوئی رو کے طاقت کے برابر طاقت نتقل کرتی ہو۔ I_0 سے مراد وہ یک سمتی رو ہے جو مزاحمت کواں دہراتی ہوئی رو کے طاقت کے برابر طاقت منتقل کرتی ہو۔

ہم جانتے ہیں کہ رو i(t) مزاحمت R کو $i^2(t)$ کھاتی طاقت منتقل کرتی ہے۔اگراس رو کا دوری عرصہ T ہو تب مزاحمت کو اوسطاً

(9.24)
$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} i^2(t) R \, dt$$

طاقت منتقل ہو گا۔ ہم یہ مجھی جانتے ہیں کہ ہوڑI یک سمتی رواسی مزاحمت کو درج ذیل طاقت منتقل کرتی ہے۔

$$(9.25) P = I_{\tau, r}^2 R$$

اگر مزاحمت کو دونوں روایک برابر طاقت منتقل کرتی ہوں تب درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$I_{f_0}^2 R = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} i^2(t) R \, dt$$

جسسے

(9.26)
$$I_{f_0} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} i^2(t) \, dt}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 9.26 موثر رو I_{r} کی تعریف ہے۔

باب9. بر قرار برقى طاقت

موثر دباو کو بھی اسی طرح حاصل کیا جا سکتا ہے۔ مزاحمت R کے متوازی دباو v(t) نسب کرنے سے مزاحمت کو لمحاتی طور پر $\frac{v^2(t)}{R}$ طاقت منتقل ہو گا۔ اگر دباو کا دوری عرصہ T ہو تب مزاحمت کو اوسطاً

(9.27)
$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} \frac{v^2(t)}{R} dt$$

طاقت منتقل ہو گا۔ اسی مزاحمت کو یک سمتی دباو v_{\pm} اوسطاً درج ذیل طاقت فراہم کرتا ہے۔

$$(9.28) P = \frac{V_{\stackrel{?}{\cancel{7}}\cancel{7}}^2}{R}$$

دونوں طاقت برابر ہونے کی صورت میں موثر دباو کی مساوات درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

(9.29)
$$V_{\tau,\tau} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0 + T} v^2(t) \, \mathrm{d}t}$$

آئیں ان مساوات کی مدد سے چند امواج کی موثر قیمتیں دریافت کریں۔درج بالا مساوات سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سائن نما موج کی موثر قیمتوں کو عموماً نما موج کی موثر قیمت حاصل کرنے کی خاطر مربع حیطہ کی اوسط کا جذر لیا جاتا ہے۔دباو اور رو کے موثر قیمتوں کو عموماً Vrms اور Irms ککھا جاتا ہے۔

مثال 9.7 بدلتی رو I_{rms} نفر I_{rms} کی موثر قیمت I_{rms} در یافت کریں۔ I_{rms} علی الحال جذر I_{rms} علی الحال جذر I_{rms} علی الحال جذر I_{rms} علی الحال جذر I_{rms} علی الحال جذر کی خاطر مساوات کا مربع لکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ $I_{rms}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T I_0^2 \cos^2(\omega t + \phi) \, \mathrm{d}t$ عبیال $I_{rms}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T \frac{1}{2} \cot^2(\omega t + \phi) \, \mathrm{d}t$ عبیال کرتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے $I_{rms}^2 = \frac{I_0^2}{T} \int_0^T \frac{1}{2} \, \mathrm{d}t + \frac{I_0^2}{T} \int_0^T \frac{\cos 2(\omega t + \phi)}{2} \, \mathrm{d}t$

جس میں دوسرا تکمل صفر کے برابر ہے۔پہلا تکمل حل کرتے ہوئے

$$I_{\rm rms}^2 = \left. \frac{I_0^2}{T} \frac{1}{2} t \right|_0^T$$

9.4 موثر قيت

ليعني

$$I_{\rm rms} = \frac{I_0}{\sqrt{2}}$$

کھا جا سکتا ہے۔چونکہ $\sin(\omega t + \phi) = \cos(\omega t + \phi - 90^\circ)$ کھا جا سکتا ہے۔ لہٰذا سائن موج کی موثر قیت ہوگے۔ بھی درج ذیل ہو گی۔ کھی درج دیل ہو گی۔

$$V_{\rm rms} = \frac{V_0}{\sqrt{2}}$$

مثق 9.10: درج بالا مثال میں دوسرے تکمل کو حل کرتے ہوئے ثابت کریں کہ یہ صفر کے برابر ہے۔

مثال 9.8: ہمارے ملک پاکستان میں Hz تعدد اور 200 تا 240 V موثر قیمت کا سائن نما برقی د باو گھریلو صار فین کو مہیا کا جاتا ہے۔ د باو کا حیطہ دریافت کرتے ہوئے موج کی مساوات لکھیں۔

حل: دباو کی موثر قیمت کو 230 V لیتے ہوئے مساوات 9.31 سے حیطہ حاصل کرتے ہیں۔

$$(9.32) V_0 = 230\sqrt{2} = 325 \,\mathrm{V}$$

یوں موج کی مساوات درج ذیل ہے۔

(9.33)
$$v(t) = 230\sqrt{2}\cos(2\pi 50t) \text{ V}$$

باب.9. بر قرار برق ك قت

 V_0 اب تک ہم دباویارو کا حیطہ لیتے ہوئے ان کے دوری سمتیات کھتے رہے ہیں مثلاً V_0 V_0 وری سمتیہ وردی سمتیہ ویطے اور V_0 زاویہ ہٹاو کے کوسائن دباو کو ظاہر کرتا ہے۔ ہم دوری سمتیات کو موثر قیبت کی صورت میں بھی لکھ سکتے ہیں۔ یوں V_0 V_0 میں V_0 میں V_0 میں V_0 میں V_0 میں V_0 میں کو ظاہر کرتی ہے جبکہ V_0 میں کو کام کر کیا ہے۔ میں کر گیس کہ یہ دونوں دوری سمتیات ایک ہی دباو کو ظاہر کرتی ہیں۔

د باو یارو کی قیمتیں مختلف انداز میں بیان کی جاسکتی ہیں۔ مثلاً مساوات 9.33 میں د باو کی چوٹی $V_{
m p}$ یا مثبت اور منفی چوٹیوں کے در میان قیت $V_{
m pp}$ اور یا پھر د باو کی موثر قیت $V_{
m rms}$ بیان کی جاسکتی ہے۔ یوں درج ذیل کھھا جا سکتا ہے۔

$$V_{pp} = 325 \text{ V}$$
$$V_{pp} = 650 \text{ V}$$
$$V_{rms} = 230 \text{ V}$$

بدلتی رو مشینوں کی دباو اور رو کی عموماً موثر قیمتیں بیان کی جاتی ہیں۔یوں کا 230 پر چلنے والا گھریلو پنکھا ورحقیقت rms کے موثر دباو پر چلے گا۔اس کتاب میں موثر قیمتیں استعال کرتے ہوئے دباو اور رو کے ساتھ موثر یا ککھا جائے گا۔

سائن نماد باواور سائن نماروکی صورت میں مساوات 9.10 اوسط طاقت دیتی ہے۔اس مساوات کو یہاں دوبارہ پیش کرتے ہوئے ترتیب دیتے ہیں۔

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$
$$= \frac{V_0}{\sqrt{2}} \frac{I_0}{\sqrt{2}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

چونکہ $\frac{V_0}{\sqrt{2}}$ اور $\frac{I_0}{\sqrt{2}}$ بالترتیب موثر دباو $V_{
m rms}$ اور موثر رو $I_{
m rms}$ ہیں للذا درج بالا مساوات کو درج ذیل ککھا جا سکتا ہے۔

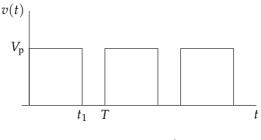
$$(9.34) P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

اسی طرح مزاحمتی بوجھ کی صورت میں اوسط طاقت کے مساوات کو ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے

$$(9.35) P = \frac{I_0^2 R}{2} = I_{\text{rms}}^2 R$$

$$(9.36) P = \frac{V_0^2}{2R} = \frac{V_{\text{rms}}^2}{R}$$

9.4 موثر قيمت



شكل 9.17: مثال 9.9 كادور ـ

جو ہو بہو یک سمتی مساوات کی طرح ہیں۔ یہی حقیقت موثر قیمت کی مقبولیت کی وجہ بنی ہے۔

مثال 9.9: شکل 9.17 میں دیے دباو کی موثر قیمت دریافت کریں۔اگر D=50 اور $V_{
m p}=60$ ہوں تب یہ دباو Ω مزاحمت کو کتنی طاقت مہیا کر سکتا ہے اور مزاحمت کی موثر رو کیا ہو گی۔

حل: یہاں دوری عرصہ T ہے جس میں t_1 مدت کے لئے دیاو پایا جاتا ہے جبکہ $T-t_1$ مدت کے لئے دیاو صفر کے برابر رہتا ہے۔ یوں فعال عرصہ $D=rac{t_1}{T}$ ہے۔مساوات 19.29ستعال کرتے ہوئے

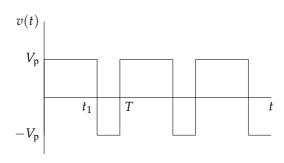
$$\begin{split} V_{\dot{\mathcal{T}}, \mathbf{r}} &= \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T v^2(t) \, \mathrm{d}t} \\ &= \sqrt{\frac{1}{T} \left[\int_0^{t_1} V_\mathrm{p}^2 \, \mathrm{d}t + \int_{t_1}^T 0^2 \, \mathrm{d}t \right]} \\ &= V_\mathrm{p} \sqrt{\frac{t_1}{T}} \\ &= V_\mathrm{p} \sqrt{D} \end{split}$$

 V_{p} تا کی قیمت V_{rms} کی تیمت V_{rms} کی ممکن ہے۔ ماصل ہوتا ہے۔ فعال عرصے کی قیمت V_{p} تا میکن ہے۔

دی گئی معلومات کے مطابق موثر دباو درج ذیل ہے

$$V_{\rm rms} = 60\sqrt{0.5} = 42.4264 \,\rm V$$

باب.9. بر قرار برقی طب قت



شكل 9.18: مثال 9.10 كادور

جے
$$\Omega$$
 200 کے متوازی لاگو کرنے سے مزاحت کو درج ذیل طاقت مہیا ہوگا۔ $P=rac{V_{
m rms}^2}{R}=rac{42.4264^2}{200}=9\,{
m W}$ مزاحمت کی موثر رو درج ذیل ہوگی۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{V_{\text{rms}}}{R} = \frac{42.4264}{200} = 0.212 \,\text{A}$$

مثال 9.10: شکل 9.18 میں D کی قیمت 0.30 ہوڑ ورت میں دباو کی موثر قیمت اور اوسط 0.18 اور 0.18 کی صورت میں دباو کی موثر قیمت اور اوسط قیمت دریافت کریں جہاں 0.18 کی جہاں 0.18 ہیں۔

حل:موثر قیمت حاصل کرتے ہیں۔

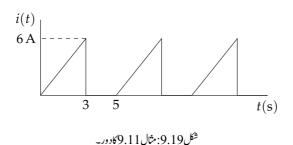
$$V_{r,r} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{0}^{T} v^{2}(t) dt}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{T} \left[\int_{0}^{t_{1}} V_{p}^{2} dt + \int_{t_{1}}^{T} (-V_{p})^{2} dt \right]}$$

$$= V_{p} \sqrt{\frac{t_{1}}{T} + \frac{T - t_{1}}{T}}$$

$$= V_{p}$$

9.4. موثر قيت



یوں دی گئی تینوں فعال عرصوں کے لئے موثر دباو کا 10 ماصل ہوتا ہے۔

آئیں اب اوسط دباو حاصل کریں۔

$$\begin{split} V_{b o t} &= \frac{1}{T} \int_0^T v(t) \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{1}{T} \left[\int_0^{t_1} V_\mathrm{p} \, \mathrm{d}t + \int_{t_1}^T (-V_\mathrm{p}) \, \mathrm{d}t \right] \\ &= V_\mathrm{p} \left(\frac{2t_1 - T}{T} \right) \\ &= V_\mathrm{p} (2D - 1) \end{split}$$

فعال عرصے کی دی گئ قیمتوں پر اوسط دباو درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

$$\begin{split} V_{\text{b-sl}}(D=0.3) &= 10 \left[2(0.3) - 1 \right] = -4 \, \text{V} \\ V_{\text{b-sl}}(D=0.5) &= 10 \left[2(0.5) - 1 \right] = 0 \, \text{V} \\ V_{\text{b-sl}}(D=0.7) &= 10 \left[2(0.7) - 1 \right] = 4 \, \text{V} \end{split}$$

مثال 9.11: شکل 9.19 میں رو کی موثر قیت دریافت کریں۔

باب 9. بر قرار برقی طب قت

حل: یہاں دباو مسلسل تبدیل ہو رہا ہے للذااس کے خط کی مساوات درکار ہو گی۔ دباو کا سیدھا خط (0,0) تا (3,6) خطی تفاعل ہے جس کی شرح ڈھال درج ذیل ہے۔

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{6 - 0}{3 - 0} = 2$$

کار تیسی محدد پر (0,0) سے گزرتے m شرح ڈھال کے خط کی مساوات y=mx کھی جاتی ہے لہذا دباو کے خط کی مساوات درج ذیل ہے۔

$$v(t) = 2t$$

موثر دباو درج ذیل ہے۔

$$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T v^2(t) \, dt}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{5} \left[\int_0^3 (2t)^2 \, dt + \int_3^5 0^2 \, dt \right]}$$

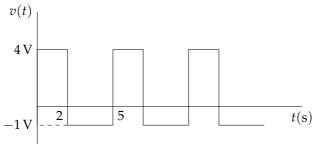
$$= \sqrt{\left(\frac{1}{5}\right) \left(\frac{4}{3}\right) t^3} \Big|_0^3$$

$$= 2.68 \, \text{V}$$

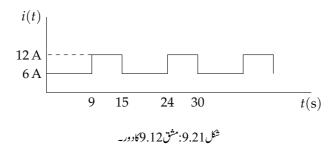
مثق 9.11 شکل 9.20 میں دیے دباو کی موثر قیمت دریافت کریں۔

 $\sqrt{7}$ V جواب:

9.4. موثر قيت

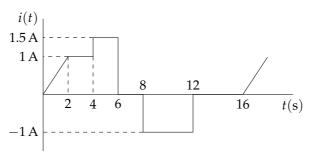


شكل 9.20: مشق 9.11 كادور



مثق 9.12: شکل 9.21 میں Ω 3 مزاحمت کی رود کھائی گئی ہے۔ مزاحمت میں اوسط طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ جواب: 237.6W

مثق 9.13: شکل 9.22 میں 7Ω مزاحمت کی رود کھائی گئی ہے۔ مزاحمت میں اوسط طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ جواب: 4.885 W باب.9. بر قرار برقی طب قت



شكل 9.22: مشق 9.13 كادور

9.5 جزوطاقت

مساوات 9.34 اوسط طاقت دیتی ہے۔

$$(9.37) P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

اس مساوات میں $V_{\rm rms}I_{\rm rms}$ کے حاصل ضرب کو ظاہری طاقت 2 کہا جاتا ہے جبکہ P کو حقیقی طاقت 3 کہا جاتا ہے۔ ظاہری طاقت کو وولٹ – ایمبیئر P میں ناپا جاتا ہے جبکہ حقیقی طاقت کو واٹ P میں ناپا جاتا ہے۔ یاد رہے کہ P میں ناپا جاتا ہے۔ لار ہے جب واٹ P میں خوال کے بعد مقدار ہے لہذا حقیقی طاقت کا بعد بھی حقیقت میں وولٹ – ایمبیئر P میں ہے جسے واٹ P کا خصوصی نام دیا گیا ہے۔ حقیقی طاقت اور ظاہری طاقت میں فرق ظاہر کرنے اور انہیں پیچانے کی خاطر ان کی اکا یوں کو علیحدہ عیلحدہ نام دیے گئے ہیں۔

حقیقی طاقت اور ظاہری طاقت کی شرح کو جزو طاقت 4 pf کہا جاتا ہے۔درج بالا مساوات کی مدد سے جزو طاقت کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(9.38)
$$pf = \frac{P}{V_{\text{rms}}I_{\text{rms}}} = \cos(\phi_v - \phi_i)$$

جہاں

$$(9.39) \cos(\phi_v - \phi_i) = \cos\phi_z$$

apparent power²
real power³
power factor, pf⁴

9.5. بزوطاقت

 $\frac{2}{2}$ برابر ہے۔ زاویہ جزو طاقت $\phi_v - \phi_v$ ورحقیقت بوجھ کے رکاوٹ کا زاویہ ہٹاو $\phi_v - \phi_v$ ہے اور اسے زاویہ جزو طاقت کہ جاتا ہے۔ چونکہ $\phi_v - \phi_v = \cos(\phi_v - \phi_v) = \cos(\phi_v - \phi_v)$ ہوتا ہے۔ چونکہ $\cos(\phi_v - \phi_v) = \cos(\phi_v - \phi_v) = \cos(\phi_v - \phi_v)$ ہمالی جزو طاقت کا یا یہ یہ یہ بات کے جزو طاقت کہا جاتا ہے۔ آگ طرح امالی بوجھ کی صورت میں زاویہ جزو طاقت کو امالی زاویہ جزو طاقت یا آگے پیچھے زاویہ جزو طاقت کہا جاتا ہے جبہ برق گیر بوجھ کی صورت میں اس کو برق گیر زاویہ جزو طاقت یا آگے زاویہ جزو طاقت یا آگے زاویہ جزو طاقت کہا جاتا ہے جبہ برق گیر بوجھ کی صورت میں اس کو برق گیر زاویہ جزو طاقت یا آگے زاویہ جزو طاقت کہا جاتا ہے۔

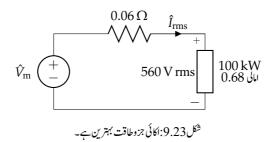
 $\phi_z = 90^\circ$ ہوتا ہے لہذا مزاحمتی ہو جھے کا جزوطاقت $\cos \phi_z = 1$ ہوگا۔ امالہ گیر کا $\phi_z = 0^\circ$ ہوتا ہے لہذا اس کا $\phi_z = 0^\circ$ ہے لہذا اس کا $\phi_z = 0^\circ$ ہے۔ مزاحمت اور ہوتا ہے لہذا اس کا $\phi_z = 0$ ہے۔ مزاحمت اور امالہ گیر پر مبنی دور کے رکاوٹ کا زاویہ $\phi_z = 0$ ہمکن ہے۔ اس مکن ہے۔ اس طرح برق گیر اور مزاحمت پر مبنی دور کے رکاوٹ کا زاویہ $\phi_z = 0$ ہا $\phi_z = 0$ ہمکن ہے لہذا ایسے دور کا برق گیر جزوطاقت $\phi_z = 0$ ہوتا ہوں مرکز ہمکن ہے۔ مزاحمت ، امالہ اور برق گیر پر مبنی دور کے رکاوٹ کا زاویہ $\phi_z = 0$ ہوتا ہوں مرکز ہوتا ہوتا ہمکن ہے۔ لہذا ایسے دور کا جزوطاقت تینوں اقسام کا ممکن ہے۔

آگے زاویہ اور پیچھے زاویہ سے مراد دباو کے للذا سے رو کا زاویہ ہے۔ چونکہ امالی دور میں دباو سے رو پیچھے رہتی ہے للذا ایسے ادوار پیچھے ادوار کہلاتے ہیں اور ان کا زاویہ اور جزو طاقت بھی پیچھے کہلاتے ہیں۔ اس کے بر عکس برق گیر دور میں دباو سے رو آگے رہتی ہے للذا ان ادوار کو آگھے ادوار کہتے ہیں اور ان کا زاویہ اور جزو طاقت بھی آگھے کہلاتے ہیں۔ یوں مالی بوجھ $Z_L = 2 + j6$ کا زاویہ $Z_L = 2 + j6$ اور پیچھے جزو طاقت $Z_C = 3 - j4$ کا زاویہ کے ان خوطاقت $Z_C = 3 - j4$ اور آگے جزو طاقت $Z_C = 3 - j4$ اور آگے جزو طاقت $Z_C = 3 - j4$ کا زاویہ حدول اور آگے جنو طاقت $Z_C = 3 - j4$ کی جہالی طرح برق گیر بوجھ کے جنو طاقت کی دولی کے دولی کا زاویہ کی دولی کی دولی کے دولی کے دولی کی دولی کے دولی کی دولی کے دولی کی دولی کی دولی کی دولی کے دولی کی دولی کی دولی کی دولی کے دولی کی دولی کے دولی کی دولی کی دولی کی دولی کی دولی کے دولی کی کی دولی کی دولی کی دولی کی دولی کی دولی کی دولی کی کی دولی کی دولی کی دولی کی دولی کی کی دولی کی کی دولی کی دولی کی دولی کی کی دولی کی دولی کی دولی کی کی دولی کی کی کی دولی کی کی دولی کی کی دولی کی کی دولی کی کی کی دولی کی کی دولی کی کی کی دولی

مثال 9.12: ایک صنعت کو 560 V rms پر 560 V look طاقت مہیا کیا جاتا ہے۔ صنعتی بوجھ کا جزوطاقت 0.68 امالی ہے۔ برقی طاقت کو منبع سے بوجھ تک توسیلی تاروں 110 کے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ ترسیلی تاروں مزاحمت 0.06 Ω منبع کے دریافت کریں۔ منبع طاقت کتنا طاقت پیدا کرے گا۔ اگر صنعتی بوجھ کا جزو طاقت ہے۔ ترسیلی تاروں میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ منبع طاقت کتنا طاقت پیدا کرے گا۔ اگر صنعتی بوجھ کا جزو طاقت 0.95 مالی کر دیا جائے تب جوابات کیا ہوں گے۔

power factor angle⁵ inductive power factor⁶ lagging power factor⁷ capacitive power factor⁸ leading power factor⁹ transmission lines¹⁰

باب 9. بر قرار برقی طب قت



 $\cos(\phi_v-\phi_i)$ میں صورت حال و کھائی گئی ہے۔ مساوات 9.34 سے رو حاصل کرتے ہیں جہاں جہاں جرو طاقت ہے۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{P}{V_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)}$$
$$= \frac{100 \, 000}{(560)(0.68)}$$
$$= 263 \, \text{A rms}$$

تاركی مزاحمت میں ضائع ہونے والے طاقت كا حساب كرتے ہیں۔

$$P_{x} = (263^2)(0.06) = 4.138 \,\mathrm{W}$$

یوں منبع کو درج ذیل طاقت فراہم کرنا ہو گا

 $P_{\rm pi} = 100 \, \text{kW} + 4.138 \, \text{kW} = 104.138 \, \text{kW}$

جس میں سے 4.138 kW مسلسل ضائع ہورہاہے۔

اس کے برعکس 0.95 امالی جزو طاقت کی صورت میں درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} I_{\text{rms}} &= \frac{100\,000}{(560)(0.95)} = 188\,\text{A} \\ P_{\text{Jr}} &= (188^2)(0.06) = 2.12\,\text{W} \\ P_{\text{E}^{\text{Jr}}} &= 100\,\text{kW} + 2.12\,\text{W} = 102.12\,\text{kW} \end{split}$$

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ صرف جزوطاقت تبدیل کرنے سے طاقت کا ضیاع 4.138 kW سے کم ہو کر 2.12 kW ہو گیا ہے۔ 9.6. محنلوط طب قت

آپ نے مثال 9.12 میں دیکھا کہ جزوطاقت کی تبدیلی سے ترسیلی تاروں میں طاقت کے ضیاع تبدیل ہوتا ہے۔ مساوات 9.34 سے ظاہر ہے کہ جزوطاقت کی زیادہ سے زیادہ قیت اکائی ہے۔ جزوطاقت کی زیادہ سے زیادہ قیت اکائی ہے۔ بول اکائی جزوطاقت پر کم سے کم رودرکار ہوگ۔ کم سے کم ورکی صورت میں ترسیلی تاروں میں طاقت کا ضیاع کم سے کم ہوگا۔

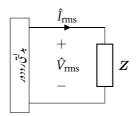
بجلی کا میٹر صارف کے ہاں نسب ہوتا ہے جو خرچ کیے توانائی کا حساب رکھتا ہے۔ یہ میٹر ترسیلی تاروں میں ضائع توانائی کو نہیں ناپ سکتا۔ برقی طاقت کے پیدا کار صنعت کو صارف کی در کار طاقت کے ساتھ ساتھ ترسیلی تاروں میں ضائع ہونے والا طاقت بھی پیدا کر ناپڑتا ہے المذاان کی دلچیں اس بات میں ہوگی کہ ترسیلی تاروں میں طاقت کا ضیاع کم سے کم ہو۔ یہی وجہ ہے کہ پیدا کار صنعت کو شش کرتی ہے کہ صارف کو مجبور کرے کہ اس کا جزو طاقت اکائی کے قریب ترین ہو۔اگر صارف اپنے جزو طاقت اکائی کے قریب ترین ہو۔اگر صارف اپنے جزو طاقت پر قابو نہیں پاتا تو پیدا کار اس پر جرمانہ عائد کرتا ہے۔ اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں 0.9 سے کم جزو طاقت کی صورت میں صارف صنعت پر جرمانہ عائد کیا جاتا ہے البتہ گھریلو صارفین پر فی الحال کم جزو طاقت کی صورت میں کوئی جرمانہ عائد کیا جاتا ہے البتہ گھریلو صارفین پر فی الحال کم جزو طاقت کی

حصہ 9.7 میں جزو طاقت پر قابو پانے کی ترکیب بتلائی جائے گ۔

مثل 9.14: ایک صنعت کو 50 Hz تعدد اور 480 V rms دباو پر 60 kW طاقت 0.2 Ω مزاحمت کے ترکیلی تاروں کے ذریعہ فراہم کیا جاتا ہے۔ صارف اپنا جزو طاقت 0.64 امالی سے بہتر کرتے ہوئے 0.98 امالی کر دیتا ہے۔طاقت میں بچت دریافت کریں۔

جواب: 4.376 kW

باب 9. بر قرار برقی طب قت



شکل9.24: طاقت کے اقسام پر غور کے لئے دور۔

9.6 مخلوط طاقت

بر قرار حال بدلتی روطاقت پر غور کرنے کے لئے مخلوط طاقت¹² کا جاننا ضروری ہے لہذا اس جھے میں مخلوط طاقت پر بحث کی حائے گی۔

شکل 9.24 میں عمومی دور د کھایا گیا ہے جہاں درج ذیل ہیں۔

$$\hat{V}_{
m rms} = V_{
m rms} / \phi_{v} = V$$
ىيان $jV_{
m rms} = V_{
m rms} / \phi_{i} = V$ ىيان $\hat{I}_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ىيان $J_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ىيان $J_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ىيان $J_{
m rms} = I_{
m rms} / \phi_{i} = I$ ى المحتوى المح

رو آrms سے مراد أrms کا جوڑى دار مخلوط ہے۔

$$\hat{I}^*_{
m rms} = I_{
m rms} / -\phi_i = I$$
خيال $-jI_{
m rms}$

مخلوط طاقت 🛭 کی تعریف

$$(9.40) S = \hat{V}_{\text{rms}} \hat{I}_{\text{rms}}^*$$

ہے جس میں د باواور رو کی قیمتیں پر کرتے ہوئے

$$(9.41) S = V_{\text{rms}} / \frac{\phi_v}{I_{\text{rms}} / -\phi_i}$$

$$= V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} / \frac{\phi_v - \phi_i}{\phi_v - \phi_i}$$

$$= V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i) + j V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \sin(\phi_v - \phi_i)$$

complex power¹²

9.6 مخىلوط طباقت

ملتا ہے جہاں $\phi_v - \phi_i = \phi_z$ کے برابر ہے۔مساوات 9.41کا حقیقی جزو در حقیقت حقیقی اوسط طاقت P ہے جبکہ اس کے خیالی جزو Q کو متعاملی طاقت P یا تربیعی طاقت P ہا جاتا ہے۔ یوں مخلوط طاقت کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔ یوں مخلوط طاقت کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(9.42) S = P + jQ$$

جہاں

$$(9.43) P = S|_{\ddot{z}} = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

$$Q = S|_{\text{US}} = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \sin(\phi_v - \phi_i)$$

ہیں۔ مساوات 9.41 سے ظاہر ہے کہ مخلوط طاقت کے حیطے کو ہم ظاہری طاقت کہتے ہیں جبکہ مخلوط طاقت کے زاویہ کو ہم زاویہ جزوطاقت کے ناویہ کو ہم فاہری طاقت کو خلیم کی طاقت کو طاقت کی طاخت کی خاطر، متعاملی وولٹ-ایمپیئر var میں ناپاجاتا ہے۔ یاد رہے کہ ان تمام اقسام کے طاقتوں کا بعد وولٹ-ایمپیئر VA ہی ہے۔

مثال 9.13: رو $\hat{I}_{rms}^* = I_h + jI_k$ کی مقدار جمی I_{rms} حاصل کریں۔ رو $\hat{I}_{rms}^* = I_h + jI_k$ کی مقدار بھی حاصل کریں۔ ان رو کا حاصل ضرب دریافت کریں۔

حل: دی گئی رو کی مقداریں درج ذیل ہیں۔

$$\begin{vmatrix} \hat{I}_{rms} \end{vmatrix} = \sqrt{I_h^2 + I_k^2} = I_{rms}$$
$$\begin{vmatrix} \hat{I}_{rms}^* \end{vmatrix} = \sqrt{I_h^2 + (-I_k)^2} = I_{rms}$$

دونوں کا حاصل ضرب درج ذیل ہے۔

(9.45)
$$\hat{I}_{rms}\hat{I}_{rms}^* = (I_h + jI_k)(I_h - jI_k) = I_h^2 + I_k^2 = I_{rms}^2$$

reactive power¹³ quadrature power¹⁴

باب9. بر قرار برق طاقت

 $\phi_v-\psi_i=0$ آئیں مساوات 9.43 اور مساوات 9.44 پر مزاحمت، امالہ اور برق گیر کے نقطہ نظر سے مزید غور کریں۔ مزاحمت کا 0 ور 0 بیں۔ یوں مزاحمت حقیقی طاقت 0 ور 0 بیں۔ یوں مزاحمت حقیقی طاقت 0 ور 0 بین۔ یوں مزاحمت حقیقی طاقت 0 جذب 0 کرتا ہے جبکہ یہ متعامٰی طاقت کو جذب نہیں کرتا لہٰذا 0 ور 0 ہے۔ امالہ کا 0 کرتا ہے جبکہ یہ متعامٰی طاقت کو جذب نہیں کرتا لہٰذا

$$(9.46) P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos 90^{\circ} = 0$$

$$(9.47) Q = V_{\text{rms}}I_{\text{rms}}\sin 90^{\circ} > 0$$

 $\phi_v - \phi_i = -90^\circ$ ہیں۔امالہ گیر متعاملی طاقت کو جذب کرتا ہے جبکہ یہ حقیقی طاقت کو جذب نہیں کرتا۔ برق گیر کا $\phi_v - \phi_i = -90^\circ$ المذا

(9.48)
$$P = V_{\rm rms} I_{\rm rms} \cos(-90^{\circ}) = 0$$

(9.49)
$$Q = V_{\rm rms} I_{\rm rms} \sin(-90^{\circ}) < 0$$

ہیں۔ برق گیر حقیقی طاقت جذب نہیں کرتا جبکہ یہ متعاملی طاقت مہیا کرتا ہے۔

ہم نے دیکھا کہ مزاحمت حقیقی طاقت جذب کرتا ہے جبکہ امالہ گیر اور برق گیر بالترتیب متعاملی طاقت جذب اور مہیا کرتے ہیں۔ ان پر زوں میں بنیادی فرق میہ ہے کہ مزاحمت میں طاقت ضائع ہوتا ہے جبکہ امالہ گیر اور برق گیر طاقت ذخیرہ کرتے ہوئے اسے دور کو واپس منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتے ہیں۔ان حقائق سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ متعاملی طاقت کا تعلق طاقت ذخیرہ کرنے سے ہے۔

 $\hat{V}_{
m rms} = \hat{I}_{
m rms} Z$ پر کریں مساوات 9.40 میں

(9.50)
$$S = \hat{V}_{rms} \hat{I}_{rms}^* = \hat{I}_{rms} Z \hat{I}_{rms}^* = I_{rms}^2 Z = I_{rms}^2 (R + jX) = P + jQ$$

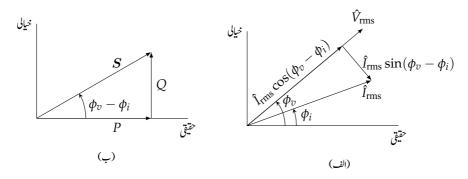
جہاں مساوات 9.45 اور مساوات 9.42 کا سہارا لیا گیا ہے۔اسی طرح مساوات 9.40 میں دباو کی بجائے رو کے لئے پر کرتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(9.51)
$$S = \hat{V}_{rms} \left(\frac{\hat{V}_{rms}}{Z}\right)^* = \frac{V_{rms}^2}{Z^*} = V_{rms}^2 Y^* = V_{rms}^2 (B + jG)^* = P + jQ$$

اس مساوات کے تحت جوڑی دار مخلوط فراوانی کو دباوکی موثر قیمت سے ضرب دیتے ہوئے فراوانی کی طاقت حاصل کی جا سکتی ہے۔ یہ وہ طاقت ہے جو فراوانی جذب کرتاہے۔ یوں اگر شکل 9.24 میں برق گیر بطور بوجھ Z نسب ہوتاتب فراوانی نسب کی ہے۔ یہ وہ کے برابر ہوتی جے درج بالا مساوات میں پر کرتے ہوئے

$$S = V_{\rm rms}^2 (j\omega C)^* = -j\omega C V_{\rm rms}^2$$

9.6. مخىلوط طباقت



شكل 9.25: طاقق تعلق_

ماتا ہے۔ آپ نے دیکھا کہ مخلوط طاقت کی قیمت منفی ہے۔ یوں برق گیر متعاملی طاقت فراہم کرتا ہے۔

شکل 9.25 طاقت کے تعلقات پر مزید روشنی ڈالتا ہے۔ شکل-الف کے تحت رو کو دو ٹکڑوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا ٹکڑا گڑا ہے۔ شکل 9.25 کا زاوید بناتا ہے۔ مساوات 9.43 کے تحت دباواور اس کے ہم زاوید ہو گئر اور کی طاقت P پیدا کرتے ہیں۔ای طرح مساوات 9.44 کے تحت دباواور دباو کے عمودی رومل کر متعالمی طاقت P پیدا کرتے ہیں۔ائیس دو مساوات سے درج ذیل تعلق بھی حاصل ہوتا ہے

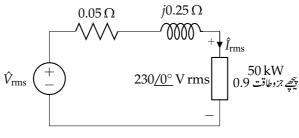
$$(9.52) \tan(\phi_v - \phi_i) = \frac{Q}{P}$$

جس کو شکل-ب کے طاقتی تکون 15 سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ شکل-ب امالی بوجھ کے لئے دکھایا گیا ہے جہاں $\phi_v - \phi_i > 0$ ہو گاردش کے الٹ جانب گھومتے ہوئے ناپا جاتا ہے المذا شبت زاویہ حقیق محور سے اوپر کو ہو گا۔ یوں امالی بوجھ کا گھری کی گردش کے الٹ جانب گھومتے ہوئے ناپا جاتا ہے المذا شبت زاویہ حقیق محور سے اوپر کو ہو گا۔ یوں امالی بوجھ کا گھری ہوگا۔ برق گیر بوجھ کی صورت میں $\phi_v - \phi_i = 0$ للذا S کا خط حقیق محور سے نیچے کو ہو گا للذا کالحوط طاقت اور حقیقی طاقت برابر ہوں گے جبکہ متعالی طاقت صفر ہوگا۔ ہوگا للذا S کا للذا کالحوظ طاقت اور حقیقی طاقت برابر ہوں گے جبکہ متعالی طاقت صفر ہوگا۔

آخر میں بتلاتا چلوں کہ دور میں حقیقی طاقت کی طرح مخلوط طاقت پر بھی بقائے توانائی کا قانون لا گو ہوتا ہے۔

power triangle¹⁵

باب9. بر قرار برقی طب اقت



شكل 9.26: مثال 9.14 كادور

مثال 9.14: امالی بوجھ کو 400 طاقت فراہم کی جارہی ہے۔ بوجھ پر موثر دباو $230\,\mathrm{V}$ ، تعدد $150\,\mathrm{Hz}$ اور پیچپے جزوطاقت $200\,\mathrm{Hz}$ ہے۔ منبع طاقت پر دباو، جزوطاقت اور طاقت اور طاقت کا تخیینہ لگائیں۔

حل: دور کو شکل 9.26 میں دکھایا گیا ہے جہاں ترسیلی تارکی رکاوٹ صرف بالائی تار پر دکھائی گئی ہے۔ حقیقت میں بالائی اور نجلی تارکی رکاوٹیس سلسلہ وار جڑی ہیں۔ان کا مجموعہ کل رکاوٹ ہے جسے عموماً ایک تاریر دکھایا جاتا ہے۔

بوجھ کے دباو کو حوالہ دوری سمتیہ لیتے ہوئے اس کا زاویہ صفر چننا گیا ہے۔ مخلوط طاقت

$$S = \frac{P}{\mathbf{pf}} = \frac{50\,000}{0.9} = 55\,556\,\mathrm{VA}$$

 $\phi_v - \phi_i = \cos^{-1}(0.9) = 25.84^\circ$ ہے لہذا بو جھ پر

$$S_L = 55556/25.84^{\circ} = 50000 + j24216 \text{ V A}$$

ہو گا۔ چونکہ $\hat{I}_{rms}^* \hat{I}_{rms}^*$ ہو گا۔

$$\hat{I}_{L,\text{rms}} = \left(\frac{55556/25.84^{\circ}}{230/0^{\circ}}\right)^* = 241.55/-25.84^{\circ} \text{ A rms}$$

تار میں مخلوط طاقت کا ضیاع

$$S_{x} = I_{L,\text{rms}}^2 Z_{x} = 241.55^2 (0.05 + j0.25) = 2917 + j14586 \text{ V A}$$

ہے۔بقائے توانائی کے تحت یوں منبع طاقت پر مخلوط طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$egin{aligned} S_L + S_{\mathcal{K}} \ &= 50\,000 + j24\,216 + 2917 + j14\,586 \ &= 52\,917 + j38\,802 \ &= 65\,619/36.25^{\circ}\,\mathrm{V\,A} \end{aligned}$$

9.6. مختلوط طب قت

اس طرح منبع کا دیاو

$$V_{\text{rms}} = \frac{\left| S_{\dot{\mathcal{E}}} \right|}{I_{L,\text{rms}}} = \frac{65619}{241.55} = 272 \,\text{V}$$

اور منبع پر پیچھے جزو طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$pf=\cos 36.25^\circ=0.806$$

آئیں اسی کو دوبارہ کرخوف مساوات سے حل کریں۔ پیچیے جزو طاقت 0.9 سے رو کا زاویہ حاصل کرتے ہیں جہاں امالی بوجھ کی وجہ سے زاویہ منفی ہو گا۔

$$\phi_i = \cos^{-1} 0.9 = -25.84^{\circ}$$

بوجھ کی رو حاصل کرتے ہیں۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{P}{V_{\text{rms}}\cos\phi_i} = \frac{50\,000}{(230)(0.9)} = 241.55\,\text{A}$$

یوں $\frac{25.84^{\circ}}{1000}$ ہو گا۔ شکل کو دیکھتے ہوئے کر خوف کی مساوات سے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$\hat{V}_{\text{rms}} = 230/0^{\circ} + (241.55/-25.84^{\circ})(0.05 + j0.25)$$

= 272/10.41° V

یوں منبع طاقت پر د باو سے رو

$$10.41^{\circ} - (-25.84^{\circ}) = 36.25^{\circ}$$

پیچیے ہے المذا منبع پر پیچیے جزو طاقت 0.806 = (36.25°) مو گا۔

مثال 9.15: گزشتہ مثال کے شکل 9.26 میں بقایا تمام معلومات وہی ہیں البتہ بوجھ پر جزو طاقت پیچھے کی بجائے آگے ہے۔ ہے۔ منبع طاقت کا دباو حاصل کریں۔ باب.9. بر قرار برقی طب قت

حل: گزشتہ مثال میں عین ہمارے تو قع کے مطابق منبع طاقت کا دباو، بوجھ کے دباوسے زیادہ تھا۔ یک سمتی ادوار میں ہم یہی توقع کرتے ہیں کہ زیادہ دباو کے نقطے سے طاقت کم دباو کے نقطے کو فراہم ہوتا ہے۔اس مثال میں ہم دیکھیں گے کہ کبھی کبھار ہمارے توقعات غلط ثابت ہوتی ہیں۔

اس مسکے کو کرخوف مساوات سے حل کرتے ہیں۔ آگے جزو طاقت 0.9 سے رو کا زاویہ حاصل کرتے ہیں۔ آگے جزو طاقت برق گیر بوجھ کی نشاندہی کرتاہے لہذا بوجھ کے رکاوٹ کا زاویہ مثبت ہو گا۔

$$\phi_i = \cos^{-1} 0.9 = 25.84^{\circ}$$

بوجھ کی رو حاصل کرتے ہیں۔

$$I_{\text{rms}} = \frac{P}{V_{\text{rms}}\cos\phi_i} = \frac{50\,000}{(230)(0.9)} = 241.55\,\text{A}$$

یوں $\frac{25.84^{\circ}}{1}$ ہو گا۔ شکل کو دیکھتے ہوئے کر خوف کی مساوات سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\hat{V}_{\text{rms}} = 230/0^{\circ} + (241.55/25.84^{\circ})(0.05 + j0.25)$$

= 223/15.53° V

یوں منبع طاقت پر د باو سے رو

$$(25.84^{\circ}) - 15.53^{\circ} = 10.31^{\circ}$$

آگے ہے للذا منبع پر آگے جزو طاقت $0.98=0.31^\circ$ $\cos(-10.31^\circ)=0.98$ ہو گا۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ بوجھ پر موثر دباو $230\,\mathrm{V}$ کے جبکہ منبع طاقت کا موثر دباو $223\,\mathrm{V}$ ہے۔

مثق 9.15: شکل 9.26 میں بقایا تمام معلومات وہی ہیں البتہ آگے جزو طاقت 0.8 ہے۔ منبع طاقت کا موثر دیاو اور جزو طاقت حاصل کریں۔ منبع کتنا طاقت پیدا کر رہاہے۔

 $53.69\,\mathrm{kW}$ ، $\mathrm{pf}=0.94\,$ د بات: 210 V rms : بربات:

9.6. مختلوط طب قت

مثن 9.16: ایک صنعتی بو جھ کو $30 \, \mathrm{kW}$ طاقت $0.82 \, \frac{s}{s}$ جزو طاقت پر در کار ہے۔ بو جھ پر موثر دباو $230 \, \mathrm{kW}$ اور تعدد $50 \, \mathrm{Hz}$ تعدد $50 \, \mathrm{Hz}$ ہے۔ منبع سے صنعت تک طاقت کو تر سیلی تاروں کے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ ان تر سیلی تاروں کی رکاوٹ $Z_{\mathrm{J}} = 0.08 + j0.3 \, \Omega$ ہے۔ تر سیلی تاروں میں حقیقی اور متعاملی طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔ تر سیلی تار کے داخلی مریر در کار حقیقی اور متعاملی طاقت دریافت کریں۔

 $Q_{z^{*}}=28.53\,\mathrm{kvar}$ ، $P_{z^{*}}=32\,\mathrm{kW}$ ، $Q_{J^{*}}=7590\,\mathrm{var}$ ، $P_{J^{*}}=2024\,\mathrm{W}$: برابات:

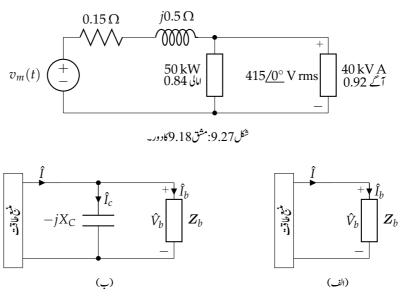
مثق 9.17: صنعتی بوجھ کو 0.86 امالی جزو طاقت پر $25\,\mathrm{kW}$ طاقت $230\,\mathrm{V}\,\mathrm{rms}$ اور $50\,\mathrm{Hz}$ تعدد پر فراہم کی جارہی ہے۔ ترسیلی تار کی رکاوٹ $20\,\mathrm{ms}$ $100\,\mathrm{ms}$ ہے۔تاروں کے داخلی سروں پر موثر د باواور جزو طاقت دریافت کریں۔

بوابات: 0.83 ، 254<u>/3.4°</u> V rms امالي

مشق 9.18: شكل 9.27 مين منبع طاقت كاد باو اور جزو طاقت دريافت كرير_

0.922 امالی $v_m(t) = 674\cos(100\pi t + 11.9^\circ)\,\mathrm{V}$ امالی 922.

باب.9. بر قرار برقی طاقت



شكل 9.28: جزوطاقت كي درستگي۔

9.7 جزوطاقت كى درسكى

آپ نے مثال 9.12 میں دیکھا کہ جزو طاقت نہایت اہم معلومات فراہم کرتا ہے۔

مثال 9.16: شکل 9.28-الف میں منبع طاقت پر $\Omega_b=2$ کا بوجھ لدا ہوا ہے ۔ شکل-ب میں بوجھ کے متوازی مثال $Z_c=-j5$ جوڑا گیا ہے۔ دونوں اشکال میں جزو طاقت دریافت کریں۔ حل: شکل-الف میں بوجھ کی رکاوٹ کو زاویائی صورت میں لکھتے ہوئے

$$\mathbf{Z}_b = 2 + j2 = \sqrt{8/45^\circ}$$

امالی جزو طاقت لکھتے ہیں۔

$$pf = \cos 45^\circ = 0.7071$$

9.7. جزوطاقت كى در عگى

شكل-ب مين كل ركاوث لكھتے ہيں

$$Z = \frac{-j5(2+j2)}{-j5+2+j2}$$
$$= \frac{50}{13} + j\frac{10}{13}$$
$$= 3.922/11.31^{\circ}$$

جس سے امالی جزو طاقت درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

 $pf = \cos 11.31^{\circ} = 0.981$

آپ نے دیکھا کہ امالی بوجھ کے متوازی برق گیر جوڑنے سے جزو طاقت بہتر بنایا جا سکتا ہے

باب.9. بر قرار برقی طب اقت