برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																											بنياد	1	
1																																		باو	قى د	1	واور	قىر	،برز	ن ما بار	برق	1	.1		
6																																							ر زنهم	ر وناو	قانو	1	.2		
8																																							,	۔ مائی او		1	3		
15																																								بن. ن پرز		-	.4		
15																																										1	.т		
17																																								1.4					
1 /		•	•		•	•	•	٠	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	Ö	نان	•		1.4	.2				
2.7																																									/(a ·	حمتىا	مزا	2.	
27																																							انهم	وناو	روا ر قال		.1	_	
35	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	; ;	دن, نین ا		_	.1		
																																										_			
51																																								ىلە دا		_	.3		
52				•																				•		•								•	•	•			او	يم د ب	لطب	_	.4		
55																																								ندوسا		_	.5		
58																																								مليه وا		2	.6		
59																												ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ال	يكسا	؞ؙۣڕ	تمت	مزاه	ے	אל_	ازی	متو	2	.7		
61																										ت	احم	امز	وي	ساو	کام	ر ال	حمتو	مز ا	زی	متوان	ندو.	مته	اور	يمرو	تقي	2	.8		
68																																		ت	21;	ىم	تواز	رمز	راو	' مله وا	سل	2	.9		
73																																										2.	10		
76																																										2.			
84																																													
91																																													
91	•		•	•	•	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	•)	ادوا	ے ا	وا_	ے	, (حال	w	0	تاز	۷.	13		
101																																						ز ک	, ,	زراز	هٔ رُّ اه	ر , ح	[]	3	
101																																					Ψ	, ,	ر ن	رران ح	ر رار تح.	.ب. ع	1	J	
104	1		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		٠,	•	را		;	٠	ال	استع	•	ر منبع	ربيه .ر ۱۰۰بع	بر غه		.2		
117																																											.2		
123																																											.3 .4		
143	٠.		•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠				وار	ءادا	_	ے وا	<u> </u>	Λ(تعمار	والمع	د با	\dot{c}	رتان	'یہ	3	.4		

iv

ناليع منبع ربادا ستعال كرنے والے ادوار	3.5	
دائری تجربیه	3.6	
غیر تا آبع منتج استعال کرنے والے ادوار		
غير تالع منبغ رواستعال كرنے والے ادوار		
نالع منبج استعمال کرنے والے ادوار		
دائری ترکیب اور ترکیب جوژ کاموازنه	3.10	
		4
كامل حيالي ايميليغائر		
مثقی ایمپلیغائر	4.2	
شبت ایمپلیغائر	4.3	
منتقكم كار	4.4	
متقى كار	4.5	
178		
متوازن اور غير متوازن صورت		
موازینه کار		
آلاتی ایم پلیغائر	4.9	
107	V .	_
187 187		5
مئله خطیّت		
مساوی ادوار	5.4 5.5	
نالع منتج استعال کرنے والے ادوار	5.6	
نالیع منیج اور غیر تالیع منیج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	5.7	
زیادہ کے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسکلہ	5.8	
رامالہ گی) برق گیراو	6
ر من بر	6.1	0
بن پر	6.2	
مانکہ پر میں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہوں ہو		
رن پر اوراقائه پر کے موقعی کا بیان کا دریا ہوتا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔		
سنندوادر کے برق پر		
ر در ادا در ادا در		
متعادی اداماله کیر		
وار قامان نیز		
علیات چیند رکنے ۱۳۶۰ میں اور در میں میں ہوتات کی میں میں تقرق کار میں		
200	0.7	
		7
	7.1	
ا کې در جي اد وار	7.2	

295														 		ن	ات	ساو	ں م	نوم	لی ع	ل ک	ء ر	עו		7	.2.	1				
321																										ن	اط ^ر کر	,		7.3	•	
328																														7.4		
359																									,	ىر	بدلخ	الت	ر حا	برقرا	,	8
359																									1	عراد	وطاه	مخل		8.1		
364																														8.2		
373																														8.3	,	
381																														8.4		
386																														8.5	,	
396																														8.6		
409																														8.7	,	
419																														8.8	;	
424																														8.9)	
443																										ن	اقت	قى ط	ر بر	برقرا	,	9
443																									ت	اقنه	تىط	لمحا		9.1		
446																									ت	باقبه	مطط	اور		9.2		
453															سئل	کام	į	كر	علَ	منت	قت	رطا	وسط	ده او	زياد	سے	إده	زيا		9.3		

عـــنوان

باب9 بر قرار بر قی طاقت

9.1 كماتى طاقت

شکل 9.1 میں بوجھ $\, Z \,\,$ کو بدلتی رو منبع طاقت فراہم کرتا ہے۔اس عمومی دور کے برقرار دباو اور برقرار رو درج ذیل کھھے جا سکتے ہیں۔

(9.1)
$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \phi_v)$$
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \phi_i)$$

یوں کسی بھی لمحہ بوچھ کو منتقل طاقت درج ذیل ہو گا

(9.2)
$$p(t) = v(t)i(t)$$

$$= V_0 I_0 \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i)$$

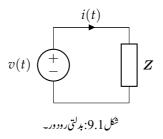
جس میں

(9.3)
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha - \beta) + \cos(\alpha + \beta)}{2}$$

استعال کرتے ہوئے

(9.4)
$$p(t) = \frac{V_0 I_0}{2} \left[\cos(\phi_v - \phi_i) + \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) \right]$$

باب 9. بر قرار برقی طب قت



ملتا ہے جہاں $\alpha=\omega t+\phi_v$ اور $\beta=\omega t+\phi_i$ اور $\beta=\omega t+\phi_i$ اور کیھ سکتے ہیں کہ کمحاتی طاقت دو اجزاء کا مجموعہ ہے۔ پہلا جزو مستقل طاقت ہے جو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ دو سرا جزو دگنی تعدد کا بدلتی رو طاقت ہے۔

مثال 9.1: شکل 9.1 میں بر قرار دباو $Z=5/20^\circ$ ور $v(t)=15\cos(100t+45^\circ)$ اور $Z=5/20^\circ$ بیں۔بو جھ کو منتقل کمحاتی طاقت دریافت کریں۔

حل: دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے

$$\hat{I} = \frac{15/45^{\circ}}{5/20^{\circ}}$$

= 3/25° A

لعيني

$$i(t) = 3\cos(100t + 25^\circ) \,\mathrm{A}$$

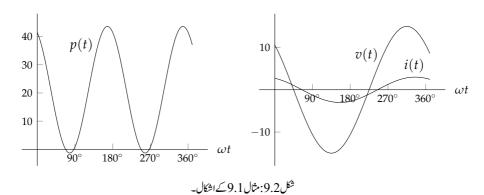
لکھا جا سکتا ہے۔ یوں مساوات 9.4 سے کماتی طاقت درج ذیل لکھی جاسکتی ہے۔

$$p(t) = 22.5 \left[\cos 20^{\circ} + \cos(200t + 70^{\circ})\right]$$

= 21.143 + 22.5 \cos(200t + 70^{\circ}) W

د باو، رو اور طاقت کے خط شکل 9.2 میں دکھائے گئے ہیں۔درج بالا مساوات میں $21.143 \, \mathrm{W}$ مستقل طاقت ہے جو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ $200 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ کی $22.5 \, \mathrm{cos}(200t + 70^\circ) \, \mathrm{W}$ کوقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتا جبکہ $200 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$

9.1. لمحت تي طاقت



مثال 9.2: شکل $Z=Z_0/\phi_z$ اور $v(t)=V_0\cos(\omega t+\phi_v)\,\mathrm{V}$ بین روور یافت کریں۔ مثال 9.2 شکل 9.1 مثال 9.2 مثال 9.2 شکل 9.1 مثال 9.2 شکل 9.2 شکل 9.1 مثال 9.2 شکل 9.2 شکل

حل: دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے

$$\hat{I} = \frac{V_0/\phi_v}{Z_0/\phi_z}$$

$$= \frac{V_0}{Z_0}/\phi_v - \phi_z$$

کھا جا سکتا ہے جس سے وقتی دائرہ کار میں رو درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

$$i(t) = \frac{V_0}{Z_0}\cos(\omega t + \phi_v - \phi_z)$$

 $\phi_v - \phi_z$ مساوات θ_i میں دیے عمومی رو کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ϕ_i در حقیقت میں $\phi_v - \phi_z$ مساوات ϕ_i درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$\phi_v - \phi_i = \phi_z$$

دہراتے تفاعل (مثلاً سائن نما تفاعل) کے ایک دوری عرصے پر تکمل کو دوری عرصے سے تقسیم کرنے سے تفاعل کی اوسط قیمت حاصل ہوتی ہے۔یوں مساوات 9.1 میں دیے دباواور روکی صورت میں بوجھ کو منتقل اوسط طاقت درج ذیل ہوگی

(9.7)
$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} p(t) dt = \frac{V_0 I_0}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i) dt$$

جہاں t_0 کوئی بھی لمحہ ہو سکتا ہے جبکہ $T=\frac{2\pi}{\omega}$ دباویا روکا دوری عرصہ ہے۔ حقیقت میں ہم ایک دوری عرصے کی بجائے n کمل دوری عرصے پر تکمل لیتے ہوئے n دوری عرصے سے تقسیم کرتے ہوئے بھی اوسط قیمت حاصل کر سکتے ہیں۔ یوں اوسط طاقت درج ذیل بھی لکھی جاسکتی ہے۔

$$(9.8) P = \frac{V_0 I_0}{nT} \int_{t_0}^{t_0 + nT} \cos(\omega t + \phi_v) \cos(\omega t + \phi_i) dt$$

ماوات 9.4 کی مدد سے ماوات 9.7 درج ذیل لکھا جائے گا۔

(9.9)
$$P = \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \left[\cos(\phi_v - \phi_i) + \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) \right] dt \\ = \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(\phi_v - \phi_i) dt + \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) dt$$

درج بالا تکمل کے دواجزاء کو باری باری حل کرتے ہیں۔ پہلا جزومتنقل ہے للنذااس کو تکمل کے باہر لکھتے ہوئے حل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0 + T} \cos(\phi_v - \phi_i) \, \mathrm{d}t &= \frac{V_0 I_0}{2T} \cos(\phi_v - \phi_i) \int_{t_0}^{t_0 + T} \mathrm{d}t \\ &= \frac{V_0 I_0}{2T} \cos(\phi_v - \phi_i) t \bigg|_{t_0}^{t_0 + T} \\ &= \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i) \end{split}$$

اب مساوات 9.9 کے دوسرے جزو کو حل کرتے ہیں

$$\frac{V_0 I_0}{2T} \int_{t_0}^{t_0+T} \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i) dt = \frac{V_0 I_0}{2T} \frac{\sin(2\omega t + \phi_v + \phi_i)}{2\omega} \Big|_{t_0}^{t_0+T}$$
= 0

9.2 اوسط طب قت

جہاں $\sin \alpha = \sin(\alpha + T)$ کا استعال کیا گیا ہے۔ یوں مساوات 9.9 سے درج ذیل اوسط طاقت حاصل ہوتا ہے۔

(9.10)
$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

 $\phi_i - \phi_v$ یا $\phi_v - \phi_i$ یا کادلیل کوسائن کادلیل $\phi_v - \phi_i$ یا مساوات میں کوسائن کادلیل $\phi_v - \phi_v$ یا $\phi_v - \phi_v$ یا کھا جا سکتا ہے۔مساوات 6.9 کو استعال کرتے ہوئے درج بالا مساوات کو دوبارہ لکھتے ہیں۔

$$(9.11) P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos \phi_z$$

 $^{\circ}$ خالص مزاحمتی رکاوٹ $Z=R/0^{\circ}$ کا زاویہ ہٹاو $^{\circ}$ ہوتا ہے للذا $^{\circ}$ دم $^{\circ}$ کا زاویہ ہٹاو اللہ کا خالقت

$$(9.12) P_{\ddot{\mathcal{G}}^2/\dot{\gamma}} = \frac{V_0 I_0}{2}$$

ہو گا جہاں V_0 سے مراد مزاحمت کے دباو کا حیطہ ہے۔ قانون اوہم سے درج بالا کو درج ذیل صورتوں میں بھی کھا جا سکتا ہے۔

(9.13)
$$P_{\ddot{v}} = \frac{I_0^2 R}{2}$$

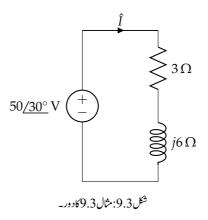
$$(9.14) P_{\ddot{v}^2 \ddot{v}} = \frac{V_0^2}{2R}$$

درج بالا تینوں مساوات کا یک سمتی رو میں مزاحمتی ضیاع کے مساوات کے ساتھ موازنہ کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ موجودہ تینوں مساوات میں کسر کے نجلی جانب دو (2) کا اضافی عدد پایا جاتا ہے۔اس پر آگے جاکر مزید بات ہوگ۔

امالی متعاملیت کی رکاوٹ $Z_{C}=X_{C}/90^{\circ}$ جبکہ برق گیر متعاملیت کی رکاوٹ $Z_{C}=X_{C}/90^{\circ}$ ہوتی ہے۔ چونکہ $\cos(\mp 90^{\circ})=0$ ہوتا ہے المذا غیر مزاحمتی رکاوٹ کی طاقت صفر ہو گی۔

$$(9.15) P_{\mathbf{k}|\mathbf{k}^{*}} = 0$$

چونکہ خالص متعامل پرزوں کو صفر اوسط طاقت منتقل ہوتی ہے للذا انہیں بیے ضیاع پرزے ¹ کہتے ہیں۔دور کا متعامل حصہ، دوری عرصے کے کچھ حصے میں دور سے طاقت حاصل کرتے ہوئے ذخیرہ کرتا ہے جبکہ دوری عرصے کے کسی دوسرے حصے میں اسی طاقت کو دور کو واپس کرتا ہے۔ باب 9. بر قرار برقی طب قت



مثال 9.3: شکل 9.3 میں رکاوٹ کی اوسط طاقت دریافت کریں۔

حل:رو درج ذیل ہے۔

$$\hat{I} = \frac{50/30^{\circ}}{3+j6} = \frac{50/30^{\circ}}{3+j6} = \frac{50/30^{\circ}}{\sqrt{45}/63.435^{\circ}} = 7.454/-33.435^{\circ} \,\text{A}$$

لول

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} \cos(\phi_v - \phi_i)$$

$$= \frac{(50)(7.454)}{2} \cos[30^\circ - (-33.435^\circ)]$$

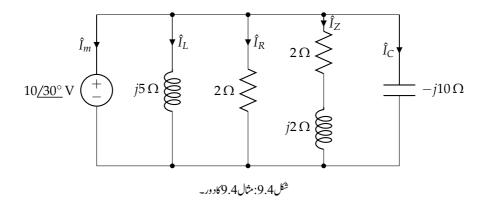
$$= 83.34 \text{ W}$$

ہو گا۔ چونکہ طاقت صرف مزاحمت میں ضائع ہوتی ہے المذا یہی جواب مساوات 9.12 سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں V_0 سے مراد مزاحمت کے دباو کا حیطہ ہے۔ تقسیم دباوسے مزاحمت کا دباو درج ذیل ہے

$$\hat{V}_R = \left(\frac{3}{3+j6}\right) 50 / 30^\circ = 22.361 / -33.435^\circ$$

lossless components¹

9.2 اوسط طب قت



جس سے مزاحت کا اوسط طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$P = \frac{V_0 I_0}{2} = \frac{(22.361)(7.454)}{2} = 83.34 \,\mathrm{W}$$

اسی طرح مساوات 9.13 اور مساوات 9.14 بھی استعال کیے جا سکتے ہیں

$$P = \frac{I_0^2 R}{2} = \frac{(7.454^2)(3)}{2} = 83.34 \,\text{W}$$

$$P = \frac{V_0^2}{2R} = \frac{(22.361^2)}{(2)(3)} = 83.34 \,\mathrm{W}$$

مثال 9.4: شکل 9.4 میں منبع دباو کا اوسط طاقت حاصل کریں۔دور کے بقایا پرزوں کا اوسط طاقت بھی دریافت کریں۔

باب.9. بر قرار برق ط قت

حل: پہلے تمام رو دریافت کرتے ہیں۔ شکل میں دباو کو دیکھتے ہوئے انفعالی رائج روکے تحت رو کی سمتیں چننی گئی ہیں۔

$$\hat{I}_{L} = \frac{10/30^{\circ}}{j5} = \frac{10/30^{\circ}}{5/90^{\circ}} = 2/-60^{\circ}$$

$$\hat{I}_{R} = \frac{10/30^{\circ}}{2} = \frac{10/30^{\circ}}{2/0^{\circ}} = 5/30^{\circ}$$

$$\hat{I}_{Z} = \frac{10/30^{\circ}}{2+j2} = \frac{10/30^{\circ}}{\sqrt{8/45^{\circ}}} = \frac{5}{\sqrt{2}}/-15^{\circ}$$

$$\hat{I}_{C} = \frac{10/30^{\circ}}{-j10} = \frac{10/30^{\circ}}{10/-90^{\circ}} = 1/120^{\circ}$$

$$\hat{I}_{m} = -\left[\hat{I}_{L} + \hat{I}_{R} + \hat{I}_{Z} + \hat{I}_{C}\right] = 8.27647/-175.01689^{\circ}$$

یوں انفرادی شاخوں کے اوسط طاقت مساوات 9.10 یا مساوات 9.11 سے درج ذیل ہوں گے۔

$$P_{L} = \frac{(30)(2)}{2}\cos(90^{\circ}) = 0 \text{ W}$$

$$P_{R} = \frac{(30)(5)}{2}\cos(0^{\circ}) = 75 \text{ W}$$

$$P_{Z} = \frac{(30)(\frac{5}{\sqrt{2}})}{2}\cos(45^{\circ}) = 37.5 \text{ W}$$

$$P_{C} = \frac{(30)(1)}{2}\cos(90^{\circ}) = 0 \text{ W}$$

$$P_{m} = \frac{(30)(8.27647)}{2}\cos[(30^{\circ} + 175.01689^{\circ})] = -112.5 \text{ W}$$

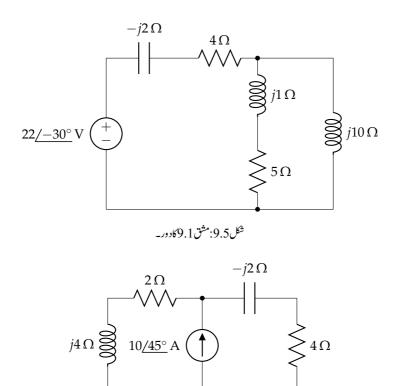
مثبت جواب طاقت کا ضیاع ہے جبکہ منفی جواب طاقت کی پیداوار ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ منبع کی طاقتی پیداوار 112.5W ہے جو دور میں طاقت کے ضیاع

$$P_L + P_R + P_Z + P_C = 0 + 75 + 37.5 + 0 = 112.5 \text{ W}$$

کے عین برابر ہے۔

مثق 9.1: شكل 9.5 كے تمام مزاحمتوں ميں ضائع ہونے والا اوسط طاقت وريافت كريں۔

9.2, اوسط طب قت



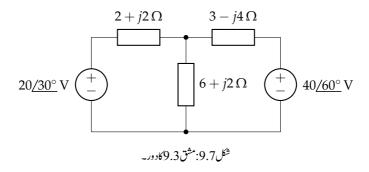
شكل 9.6: مشق 9.2 كادور

 $P_{5\,\Omega}=14.975\,\mathrm{W}$ ، $P_{4\,\Omega}=17.491\,\mathrm{W}$ جوابات:

مثل 9.2: شكل 9.6 كے تمام مزاحمتوں ميں ضائع ہونے والا اوسط طاقت دريافت كريں۔

 $P_{4\,\Omega}=100\,\mathrm{W}$ ، $P_{2\,\Omega}=50\,\mathrm{W}$: برابات:

اب 9. بر قرار برقی طاقت



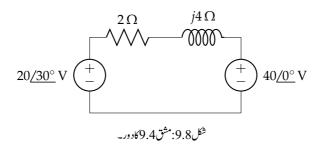
مثق 9.3: شكل 9.7 كے تمام مزاحمتوں ميں ضائع ہونے والا اوسط طاقت دريافت كريں۔

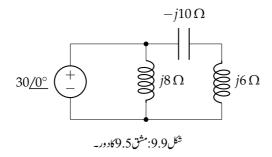
 $P_{6\,\Omega}=11.42\,\mathrm{W}$ ، $P_{3\,\Omega}=5.71\,\mathrm{W}$ ، $P_{2\,\Omega}=22.72\,\mathrm{W}$. برات:

ایک سے زیادہ منبع کی صورت میں آپ کسی بھی ترکیب کو استعال کرتے ہوئے شاخوں کی رواور جوڑ کے دباو حاصل کرتے ہوئے طاقت دریافت کر سکتے ہیں۔البتہ یاد رہے کہ ترکیب نفاذ سے طاقت کا تخمینہ نہیں لگایا جا سکتا چونکہ طاقت مربع دباو (یا مربع رو) کا تعلق رکھتا ہے جو غیر خطی تعلق ہے۔

مشق 9.4 شكل 9.8 مين اوسط طاقت كى پيداوار اور ضياع معلوم كرين

 $P_{2\,\Omega}=30.72\,\mathrm{W}$, $P_{40\underline{/0^{\circ}}}=-5.36\,\mathrm{W}$, $P_{20\underline{/30^{\circ}}}=-25.36\,\mathrm{W}$





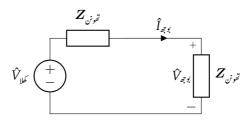
مثق 9.5: شكل 9.9 مين اوسط طاقت كى پيداوار اور ضياع معلوم كرين-

جواب: اوسط طاقت کی پیدا وار اور طاقت کا ضیاع صفر واٹ ہیں۔

9.3 زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل کرنے کامسکہ

یک سمتی روادوار میں ہم زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلے پر ہم حصہ 5.8 میں غور کر چکے ہیں۔آئیں بدلتی رو کی صورت میں اسی مسئلے پر دوبارہ غور کریں۔

کسی بھی دور کا تھونن مساوی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ شکل 9.10 میں تھونن مساوی دور کے ساتھ بوجھ جوڑا گیا ہے جہاں تھونن دباو کو کہا گیا ہے۔ ہم جاننا چاہتے ہیں کہ بوجھ کو کس صورت میں زیادہ سے زیادہ اوسط طاقت منتقل ہو گا۔ با __ 9. بر قرار بر قی طب قت



شكل 9.10: زياده سے زياده اوسط طاقت منتقل كرنے كامسكه۔

شکل کو دیکھ کر درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{l}_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{\hat{V}_{\vec{y}}}{Z_{\vec{y},\vec{y}}} + Z_{\vec{x},\vec{y}}$$

جہاں

$$egin{align} oldsymbol{Z}_{ec{\omega}} &= R_{ec{\omega}} + j X_{ec{\omega}} \ oldsymbol{Z}_{ec{\omega}} &= R_{ec{\omega}} + j X_{ec{\omega}} \ oldsymbol{Z}_{ec{\omega}} &= N_{ec{\omega}} + j X_{ec{\omega}} \ oldsymbol{\psi} &= V_{ec{\omega}} oldsymbol{\phi} ig/\phi_{ec{\omega}} \ oldsymbol{\psi} \ oldsymbol{\psi} ig/\phi_{ec{\omega}} \ oldsymbol{\psi} \ oldsymbol{\psi} \ oldsymbol{\psi} ig/\phi_{ec{\omega}} \ oldsymbol{\psi} \ oldsymbol$$

ہیں۔ درج بالا میں امالی رکاوٹ کی صورت میں X کی قیت مثبت ہوگی جبکہ برق گیر رکاوٹ کی صورت میں اس کی قیت منفی ہوگی۔ بوں مساوات 9.16 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$\hat{I}_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{V_{\text{bl}} / \phi_{\text{bl}}}{R_{\vec{v},\vec{y}} + jX_{\vec{v},\vec{y}} + R_{\vec{v},\vec{y}} + jX_{\vec{v},\vec{y}}}$$

بس کی حتمی قیمت درج ذیل ہے۔

$$I_{\mathcal{Z},\mathcal{Y}} = rac{V_{\mathcal{V}}}{\sqrt{(R_{\mathcal{C},\mathcal{Z}} + R_{\mathcal{Z},\mathcal{Y}})^2 + (X_{\mathcal{C},\mathcal{Z}} + X_{\mathcal{Z},\mathcal{Y}})^2}}$$

بوجھ کو منتقل اوسط طاقت مساوات 9.13 کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$P_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{1}{2} I_{\vec{x},\vec{y}}^2 R_{\vec{x},\vec{y}}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} V_{y|\vec{y}}^2 R_{\vec{x},\vec{y}}}{(R_{\vec{y},\vec{y}} + R_{\vec{x},\vec{y}})^2 + (X_{\vec{y},\vec{y}} + X_{\vec{x},\vec{y}})^2}$$

ہم جانتے ہیں کہ X میں طاقت ضائع نہیں ہوتا للہذا اس کو اوسطاً صفر طاقت نتقل ہوتا ہے۔ درج بالا مساوات میں کسر کے نچلے جھے میں سے $X+_{y,x_0}$ کی قیمت کم سے کم کرتے ہوئے طاقت بڑھائی جاسکتی ہے۔ درج ذیل صورت میں اس قیمت کو صفر بنایا جاسکتا ہے۔

$$(9.18)$$
 بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقل کا پہلا شرط تھونن $X_{g,j} = -X_{g,j}$

مساوات 9.18 کے شرط پر پورااترتے ہوئے مساوات 9.17 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(9.19)
$$P_{\vec{x},\vec{y}} = \frac{V_{\text{bl}}^2 R_{\vec{x},\vec{y}}}{2(R_{\vec{x},\vec{y}} + R_{\vec{x},\vec{y}})^2}$$

آئیں جانتے ہیں کہ کس قیمت کے بوہی R کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہو گی۔ یہ جاننے کے لئے درج بالا مساوات کے تفرق کو صفر کے برابر یُرکرتے ہوئے بوچہ R کی درکار قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}P_{\vec{x},\vec{y}}}{\mathrm{d}R_{\vec{x},\vec{y}}} = \frac{V_{\vec{x},\vec{y}}^2 \left(R_{\vec{y},\vec{y}} + R_{\vec{x},\vec{y}}\right)^2 - 2V_{\vec{x},\vec{y}}^2 R_{\vec{x},\vec{y}} \left(R_{\vec{y},\vec{y}} + R_{\vec{x},\vec{y}}\right)}{2\left(R_{\vec{y},\vec{y}} + R_{\vec{x},\vec{y}}\right)^4} = 0$$

اس سے

$$(9.20)$$
 بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کا دوسرا شرط تہونن $R_{\mathrm{rej}}=R_{\mathrm{rej}}$

حاصل ہوتا ہے۔اس منتیج کے تحت بوجھ کو اس صورت زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہوگی جب بوجھ کی مزاحمت دور کے تھونن مزاحمت کے برابر ہو۔ مساوات 9.18 اور مساوات 9.20 کو استعال کرتے ہوئے، بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہونے کی شرط کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(9.21) R_{\vec{\omega_e}\cdot\vec{y}} + jX_{\vec{\omega_e}\cdot\vec{y}} = R_{\vec{\psi_e}\cdot\vec{y}} - jX_{\vec{\omega_e}\cdot\vec{y}}$$

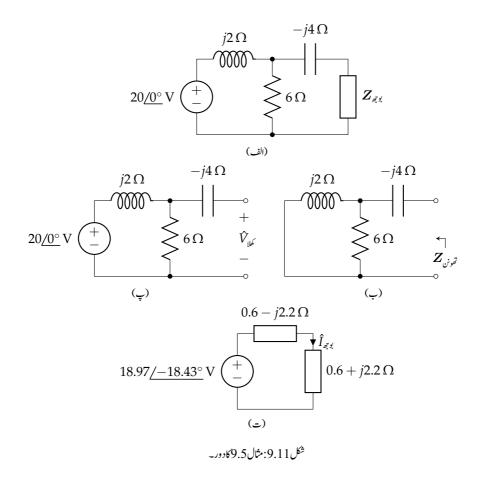
$$Z_{\vec{\omega_e}\cdot\vec{y}} = Z_{\vec{\psi}\cdot\vec{y}}^*$$

آخر میں یہ بھی بتلاتا چلوں کہ مزاحمتی بوجھ $(X_L=0)$ کی صورت میں مساوات 9.17 کے تفرق کو صفر $rac{\mathrm{d}P_{p_{ij}}}{\mathrm{d}R_{p_{ij}}}=0$

کے برابر پر کرنے سے درج ذیل ماتا ہے۔

(9.22)
$$R_{\bar{\omega}_{i},j} = \sqrt{R_{\bar{\omega}_{i},\bar{\omega}_{i}}^{2} + X_{\bar{\omega}_{i},\bar{\omega}_{i}}^{2}} + X_{\bar{\omega}_{i},\bar{\omega}_{i},\bar{\omega}_{i}}^{2}$$

باب.9. بر قرار برق ك قت



مثال 9.5: شکل 9.11 میں بوجھ کے رکاوٹ کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر بوجھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہو گا۔اس طاقت کی قیمت بھی دریافت کریں۔

حل: سب سے پہلے بوجھ کو ہٹاتے ہوئے بقایا دور کا تھونن مساوی حاصل کرنا ہو گا۔ شکل-ب میں منبع دباو کو قصر دور کیا گیا ہے تاکہ تھونن مزاحمت حاصل کی جا سکے۔اسی طرح شکل-پ میں کھلے دور دباوکی نشاندہی کی گئی ہے۔ شکل-ب تھونن

ر كاوٹ لکھتے ہیں۔

$$Z_{\ddot{\psi}\dot{z}} = -j4 + \frac{(6)(j2)}{6+j2} = \frac{3}{5} - j\frac{11}{5}\Omega$$

یوں بو جھ کو زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کے لئے ضروری ہے کہ بوجھ کی رکاوٹ درج ذیل ہو۔

$$oldsymbol{Z}_{\mathcal{Z},\mathcal{Y}}=rac{3}{5}+jrac{11}{5}\,\Omega$$

شکل۔پ میں برق گیر میں صفر روہے للمذااس پر دباو بھی صفر ہو گا۔اس طرح مزاحمت پر دباوہی تھونن دباوہے جسے تقسیم دباوکے کلیے سے لکھتے ہیں۔

$$\hat{V}_{\text{y}} = \left(\frac{6}{6+j2}\right) (20\underline{/0^{\circ}}) = 18.97\underline{/-18.43^{\circ}} \, \text{V}$$

شکل۔ت میں تھونن مساوی دور کو بوجھ کے ساتھ جوڑ کر د کھایا گیاہے جہاں سے رو حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_{\text{AFM}} = \frac{18.97 / -18.43^{\circ}}{\frac{3}{5} - j\frac{11}{5} + \frac{3}{5} + j\frac{11}{5}}$$
$$= 15.81 / -18.43^{\circ} \text{ A}$$

یوں بوجھ کو منتقل طاقت درج ذیل ہو گا۔

$$P_{\text{B},Y} = \frac{(15.81^2)(0.6)}{2} = 74.99 \,\mathrm{W}$$

باب.9. بر قرار برقی طب قت