برقی ادوار

خالد خان بوسفر: کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1																																										بنياد		1
1																																	باو	قىد	رر ا	واور	قىر	،ر	قی بار	/	1	.1		
6																																	•	•	•		•	ب وہم	قى بار نونِ	قا	1	.2		
8																																							ر پ نائی او		_	.3		
_																																									-	••		
15																																							قىررز		1	.4		
15																																							.4.					
17		•	•	•	•		•	•					•	•		•	•	•	•	•	•			•	•	•	•						•	•	ملبع	نابع	•	1	.4.	2				
39																																								٠٠١,	حمتیا	مزا	2	2
39																																						وہم	۔ نونا	1		.1		_
47	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	; ∫	رس. انین	ï		.2		
																																										.3		
63																																												
									•					•		•			•				•		•					•	•	•	•					باو	سیم د	ש	_	.4		
67																																							حدوس		_	.5		
70																																							سلهو		2	.6		
71																											ہے	نا_	إجا	بإيا	زباو	ں,	يكسا	٠٠	مُت	مزاه	ے،	جڑ_ اجڑ_	فازى	مت	2	.7		
73																									ت	21	امز	وي	ساو	کامہ	ں.	حمتو	مز ا	زی.	ىتواز	ىرد•	متع	واور	شیم را	لف	2	.8		
80																											´ .						يت	21;	ی مز	نواز	ر من	اراو	ر سله و	سا	2	.9		
85																																									·	10		
88	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	2	·					21.		ت	 	ותי נונ	۳ ر ا ،	۱.,	2.	11		
96	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	٠	٠	•	٠	٠	•	٠	٠	•	•	•		•	•	٠	•		•	:	وليه م) تبا	مور: 	ارہ- ۔ مذہ	ستا سدا	2.	12		
103	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	٠	•	•		•	•)	دوا	12	وا_	ے) کر	تمال	است	c c	יני	2.	13		
127	,																																			یب	زك	زی	وردائر	ۇڑا	بب:	تر ک	1	3
127	٠.																																					رژ	, په جو	ž.	3	.1		
130	١.																												ار	روا	الح	وا_	نے	کر۔	ال	استنع	روا اروا	منبع	ريا. ريالع	غ	3	.2		
143																																									3			
149																																									_	.4		

عـــنوان

نالیع منبع در باداستعمال کرنے والے ادوار	· 3.5
دائری تجربه	3.6
غیر تا بع منبع رواستعال کرنے والے ادوار	3.8
ناليع منبع استعال كرنے والے ادوار	· 3.9
دائري تركيب اور تركيب جوڙ كامواز نه	
يفائر 203	4 حسابي ايميل
 کامل حسابی ایمیلیغائر	
مثقی ایمپلیفائر ً	4.2
مثبت المهيليغائر	
ستقلم کار	4.4
منفي کار	
220	
ت متوازن اور غير متوازن صورت	
مواز نه کار ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک ک	
آلاتي ايم لينيارُ	
241	5 مسکلے
مباوی دور	5.1
سئله خطیت	5.2
سئله نفاذ	
مساوئیاد دار	
مئله تھونن،مئله نار ٹن اور مئله تبادله منبع	5.5
نالع منبع استعال کرنے والے ادوار	• 5.6
نالِع منتج اورغير تابع منتج دونوں استعمال کرنے والے ادوار	• 5.7
زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کامسئلہ	5.8
2,3	2.0
راماله گر	6 برق گیراور
برق گیر	
برق گیر اورامالہ گیر کے خصوصیات	
بق پر استه پر استه پر استه پر استه برق گیر	
متوازى جڑے برق گير	
سلىلە دارامالە گېر	
متوازی اماله گیر	
حیاتی ایمیلغائر کے RC ادوار	
منی رقع می از منظم می منظم می از منظم می منظ	
	0.7
ىمل 371	7 عار ضي رو
تعارف	7.1
يک در جی ادوار	

373																	٠	ات	ساو	ی.	عمو	اکی	عمل	رو		7.	2.1			
399																										لن .	و هڑ ک	7	.3	
406			•																						وار	جی اد	دودر.	7	.4	
437																										Ĺ	إرحال	یہ برقر		8
437																										اعداد	مخلوط	8	.1	
442																												8	.2	
451																				Ĺ	اعل	ى تفا	جرؤ	وط	ر مخا	پنمااو	سائن	8	.3	
459																									ي	يسمته	دور ک		.4	
464												لق	تعا	متح	ی	ور	ی	فراد	ء الن	ر ک	ا گیم	برق	اور	گیر	ماليً	ت،ا	مزاحم	8	.5	
474																					انی	فراو	ئى	وربر	ك او	ركاور	برقی	8	.6	
487																					(نكاله	کےاڈ	_	يات	يسمته	دور ک	8	.7	
497																								ات	 ساوا	ف،	كرخو	8	.8	
502																								٠ -	کیب	تی ترا	تجزيا	8	.9	
521																										ت	ياطاقد	راربرقج		9
521																													.1	
524 531																					:				ك .	طاقنه	اوسط	9	.2	
531															,	سكل	كام	ئے) کر	تفل	ن ت	لاقنه	بطط	ەاور	. یاد	سے	زياده	9	.3	
541																										قيمت	موثر		.4	
550																										اقت	جزوط	9	.5	
554																												9	.6	
562																												9	.7	
567																												9	.8	
569																										. ن	نمزمد		.9	
570																								م .	نظا	دور کا	ایک	9.	10	
575																									بير	نی تدا	حفاظ	9.	11	
577																										ادوار	بڑے	طیسی	مقنا	10
577																									لہ	کیہ اما	مشتر	10	.1	
595																				0 /	زخير	ا ای کا	وأناكح	یں تو	مد په ۳	که اما	مشتر	10	.2	
601																								_	نارم	_گ رانسهٔ	كاملُ	10	.3	
625																											بانظام	ر ور ک	تير	11
625																							باو	رەد	استار	ور ک	تین د	11	.1	
631																							•			_	_			
639																														
644																														
649																														
658																								•	••					

عـــنوان

																														ء ,		
663																															تعدد ی	12
674	•	•	•	•	•						•	•	•			•	•	•	•	•	•			•			•	•	٠ (جال	12.1	
																															12.2	
																															12.3	
																													2.3	-		
																															12.4	
734																													نی	محجفا	12.5	
747																															لا بلاس بد	13
																															13.1	
																												•			13.2	
																															13.3	
																															13.4	
																															13.5	
																													3.5			
776																												او	بالجھا	لتكمل	13.6	
780																					بت	ى قى	ختيا	لدا	رمس	ت اور	قيمه	ائی	بهابتد	مسكا	13.7	
																										,					la .	
785																															اد وار کا حا م	14
																															14.1	
																								-	*	-			-		14.2	
																															14.3	
																										-	٠.	_	-	•	14.4	
																										_					14.5	
825																										بل	وعم	ںر	رارحا	برق	14.6	
835																														زيير	فورييرُ تج	15
861					•											•								•							15.1	
861		•	•	•						•				•	•							٠ (ناكل	، تشر	نفاعل	فت	?	1	5.1	.1		
863		•	•	•						•				•	•								کل	ي تشا	غاعل	اق ت	ط	1	5.1	.2		
865																												ت	لى وقد	ملتقا	15.2	
867																															15.3	
																															15.4	
																										- •	_		-	•	15.5	
																													5.5			
																															15.6	
																															15.7	
888																											ال	سيوا	په بإر	مسكا	15.8	
001																											•	•	, ,			1.0
901																										۷	تمو.	سی	کے ریا	وار	جار سراد	16

906																			ونه	اوٹی نم	رک	16	6.1		
911																			مونه	غلائی خ	رو	16	6.2		
913																			زنه .	سیلی نمو	7	16	5.3		
915															ز.	ا جوڙ	بالهمى	کے	وار	رسراد	چا	16	5.4		
921																				ت	والار	ارسو	برقرا	17	

إب7

عار ضي ر د عمل

7.1 تعارف

ایسے ادوار جن میں امالہ گیر اور (یا) برق گیر پائے جاتے ہوں میں توانائی ذخیرہ کرنے کی صلاحیت ہوتی ہے۔ توانائی ذخیرہ کرنے والے ادوار کارد عمل منبع طاقت کے علاوہ ذخیرہ توانائی پر بھی مخصر ہوتا ہے۔ ایسے ادوار میں کسی بھی طرح کی تبدیلی سے ذخیرہ توانائی میں تبدیلی رونما ہو سکتی ہے۔دور میں تبدیلی مثلاً کسی سونچ کے چالو یا غیر چالو کرنے سے پیدا ہو سکتی ہے۔ایسی صورت جہال دور کیسال ایک ہی حالت میں رہے کو بوقوار حالت اکتے ہیں۔ تبدیلی کے بعد دور متبادل برقرار حالت اختیار کرتا ہے۔ایک برقرار حالت عند دوسری برقرار حالت تک جبنچنے کے دوران، دور عارضی حالت میں ہوتا ہے۔

7.2 ایک در جی ادوار

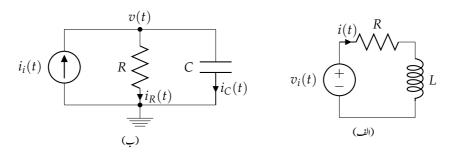
وہ ادوار جن میں صرف امالہ گیر توانائی ذخیر ہ کرتے ہوں کی کرخوف مساوات ایک درجی تفوقی مساوات 3 ہوتی ہے۔اسی طرح وہ ادوار جن میں صرف برق گیر توانائی ذخیر ہ کرتے ہوں بھی ایک درجی کرخوف مساوات دیتے ہیں۔اسی لئے انہیں

steady state¹

transient state²

first order differential equation³

باب-7.عــار ضي ردعمـــال



شكل 7.1: ايك درجي اد واركي مثاليس

یک درجی ادوار ⁴ کہتے ہیں۔اس کے بر عکس ایسے ادوار جن میں امالہ گیر اور برق گیر دونوں پائے جاتے ہوں دو درجی تفرق مساوات⁵ ریتے ہیں اور انہیں دو درجی ادوار ⁶ کہا جاتا ہے۔

شکل 7.1 میں ایک درجی ادوار کی مثالیں دی گئی ہیں۔ آئیں ان کی کرخوف مساوات لکھ کر دیکھیں۔ شکل-الف کی مساوات درج ذیل ہے۔

(7.1)
$$v(t) = i(t)R + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

اسی طرح شکل-ب کی کرخوف مساوات درج ذیل ہے۔

(7.2)
$$i_i(t) = \frac{v(t)}{R} + C\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t}$$

آپ د کیھ سکتے ہیں کہ درج بالا دونوں مساوات ایک درجی تفرقی مساوات ہیں۔

شکل 7.2 میں دو درجی دور دکھایا گیا ہے جس کی کرخوف مساوات درج ذیل ہے جہاں $v_C(0)$ کھی t=0 پر برق گیر کا دباوے۔

(7.3)
$$v_i(t) = Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_{-\infty}^t i(t) \,\mathrm{d}t$$
$$= Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) \,\mathrm{d}t + v_C(0)$$

اس تکمل و تفرقی مساوات⁷ میں کمل کی علامت ختم کرنے سے تفرقی مساوات⁸ حاصل ہو گی۔کمل کی علامت ختم

first order circuits⁴

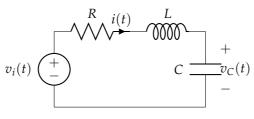
second order differential equations⁵

second order circuits⁶

integro-differential equation⁷

differential equation⁸

373 7.2.ایک در جی ادوار



شکل 7.2: د و در جی د ور _

کرنے کی خاطر اس کا تفرق لیتے ہیں۔

(7.4)
$$\frac{\mathrm{d}v_{i}(t)}{\mathrm{d}t} = R\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + L\frac{\mathrm{d}^{2}i(t)}{\mathrm{d}t^{2}} + \frac{i(t)}{C}$$

$$-\varphi \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum$$

7.2.1 ردعمل کی عمومی مساوات

ا یک درجی ادوار کے رد عمل حاننے کی خاطر ان کی تفرقی مساوات حل کی حاتی ہے جس سے دور کے مختلف مقامات پر دباو اور رو حاصل کی جاتی ہے۔ان یک درجی مساوات کی عمومی صورت درج ذیل ہوتی ہے

(7.6)
$$\frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t} + ay(t) = g(t)$$

(7.5)

جہاں y(t) د باویارو کو ظاہر کرتی ہے، a مستقل ہے اور g(t) جبری قوت 9 ہے۔اس مساوات کا آزاد متغیرہ وقت

forcing function⁹

natural response, complementary solution¹⁰

باب. 7. عب ارضی رد^{عم ل} ا

جبری رد عمل $y_j(t)^{-11}$ کا مجموعہ ہے۔مساوات 7.6 کے کسی بھی حل کو بطور جبری رد عمل لیا جا سکتا ہے جبکہ درج ذیل ہم جنسی مساوات 12

$$\frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t} + ay(t) = 0$$

کے کسی بھی حل کو فطری رد عمل تصور کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 7.6 میں g(t)=0 پُر کرنے سے ہم جنسی مساوات عاصل ہوتی ہے۔

آئیں g(t)=A کی صورت میں مساوات 7.6 کا حل حاصل کریں جہاں A ایک مستقل ہے۔ یوں جمیں درج ذیل دو مساوات کے حل در کار ہیں۔

(7.8)
$$\frac{\mathrm{d}y_j(t)}{\mathrm{d}t} + ay_j(t) = A$$

$$\frac{\mathrm{d}y_f(t)}{\mathrm{d}t} + ay_f(t) = 0$$

جری حل کو قیاس کے ذریعہ K_1 تصور کرتے ہیں جہاں K ایک مستقل ہے۔

$$(7.10) y_i(t) = K_1$$

جری حل $y_j(t)=K_1$ کو مساوات 7.8 میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$\frac{\mathrm{d}K_1}{\mathrm{d}t} + aK_1 = A$$
$$0 + aK_1 = A$$

لعيني

$$(7.11) K_1 = \frac{A}{a}$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.9 کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}y_f(t)}{y_f(t)} = -a\,\mathrm{d}t$$

forced response, particular solution 11 homogenous equation 12

7.2 يك در بحا ادوار

لکھا جا سکتا ہے جس کا تکمل

$$ln y_f(t) = -at + c$$

لعيني

$$(7.12) y_f(t) = K_2 e^{-at}$$

کے برابر ہے جہاں c تکمل کا مستقل ہے اور $K_2=e^c$ کے برابر ہے۔ مساوات 7.11 اور مساوات 7.12 سے مکمل حل ورج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

(7.13)
$$y(t) = \frac{A}{a} + K_2 e^{-at}$$

کسی بھی کھے پر y(t) جاننے سے درج بالا مساوات میں نامعلوم مستقل K_2 دریافت کیا جا سکتا ہے۔ درج بالا مساوات کو درج ذیل عمومی حل کی صورت میں لکھا جا سکتا ہے

$$(7.14) y(t) = K_1 + K_2 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

جہال $au = \frac{1}{a}$ کے برابر ہے۔

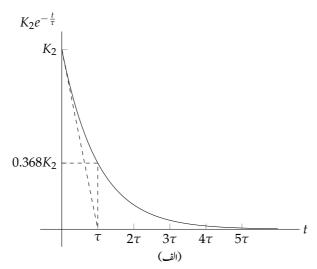
شکل 7.3-الف میں شبت a کی صورت میں جری حل دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کھہ t=0 پر t=0 کی صورت میں جری حل دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کھہ t=0 برابر ہے جبکہ ایک وقتی مستقل برابر وقت بعد اس کی قیمت t=0.368 وراپنے میں t=0.35 کی واقع ہوئی ہے۔اس طرح دو وقتی مستقل وقنے کے بعد t=0.35 کی واقع ہوئی ہے۔اس طرح دو وقتی مستقل وقنے کے بعد t=0.35 کی واقع ہوگی ہے۔ کی واقع ہوگی ہے۔ کی بیانی وقتی مستقل وقفے کے بعد t=0.36 کی واقع ہوگی۔ t=0.36 کی واقع ہوگی۔ کی بعد t=0.36 کی واقع ہوگی۔ کی واقع ہوگی۔ بیانی وقتی مستقل وقفے کے بعد t=0.306 کی واقع ہوگی۔ بیانی وقتی ہوگی۔ بیانی وقتی مستقل وقفے کے بعد t=0.306

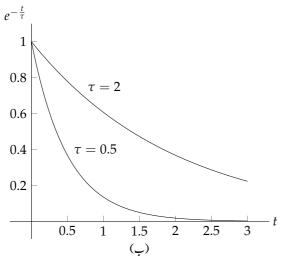
مساوات 7.12 قوت نمائی انحطاطی 15 خط ہے۔ قوت نمائی انحطاطی خط کی ایک خصوصیت یہ ہے کہ ابتدائی کمیے پر اس کا مماس افقی محور کو au پر کاٹیا ہے۔ اس مماس کو شکل 7.3-الف میں $(0,K_2)$ تا $(0,K_2)$ نقطہ دار لکیر سے دکھایا

time constant¹³

steady state solution¹⁴

exponential decaying¹⁵





شكل 7.3: وقتى مستقل

7.2. ایک در بی ادوار

گیا ہے۔ شکل 7.3-ب میں مختلف au کی قیمتوں کے لئے مساوات 7.12 کو تھینچا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کم وقتی مستقل کا خط جلد اختتامی قیمت تک پہنچتا ہے۔ یوں وقتی مستقل کسی بھی دور کے رد عمل کے دورانیے کی ناپ ہے۔

مثال 7.1: شکل 7.4 میں مزاحمت اور بے بار برق گیر سلسلہ وار جڑے ہیں۔ کھہ t=0 پر مسوئیچ i(t) چالو کرتے ہوئے انہیں مستقل منبع دباو V_I کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ برق گیر کا دباو v(t) اور رو v(t) دریافت کریں۔

حل: سونچ چالو کرنے سے پہلے برق گیر ہے بار ہے للذا اس پر دباو صفر کے برابر ہے۔ صفحہ 316 پر مساوات 0.16 کے تحت $v_{C}(0_{+})=v_{C}(0_{-})$ ہو گا یعنی یوں سونچ چالو کرنے کے فوراً بعد برق گیر کا دباو صفر ہی ہو گا۔ سونچ چالو کرنے کے بعد دباو جوڑ $v_{C}(0_{+})=v_{C}(0_{-})$ بعد دباو جوڑ $v_{C}(0_{+})=v_{C}(0_{+})$ کے استعال سے کرخوف مساوات رو لکھتے ہیں

$$\frac{v(t) - V_I}{R} + C\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} = 0$$

جسے ترتیب دیتے ہوئے

(7.15)
$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t)}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$

کھا جا سکتا ہے جو عمومی مساوات 7.6 کی طرح ہے۔ چونکہ V_I مستقل قیت ہے للذااس مساوات کا جبر کی حل

$$v_J(t) = K_1$$

تصور کیا جاسکتا ہے جے مساوات 7.15 میں پُر کرتے ہوئے عل کرنے سے

$$\frac{dK_1}{dt} + \frac{K_1}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$
$$0 + \frac{K_1}{RC} = \frac{V_I}{RC}$$

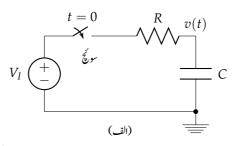
لعني

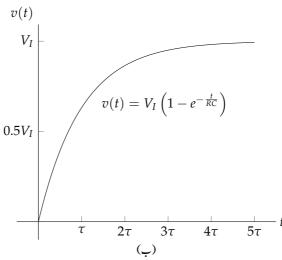
$$K_1 = V_I$$

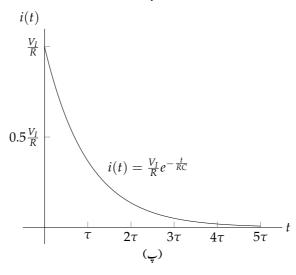
اس طرز کے مونج گاپورانام ایک قطب ایک چال مونج ہے۔ switch, spst, single pole single throw 17

378

باب.7.عسار ضى ردغمسل







شكل 7.4: مثال 7.1 كادور، د باواوررو_

7.2 يك در بحي او دار

حاصل ہوتا ہے۔ یوں جبری حل درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$v_I(t) = V_I$$

اس نتیج کے تحت سونج چالو کرنے کے بہت دیر بعد برق گیر پر دباو عین منبع دباو کے برابر ہوگا۔ شکل کو دیکھتے ہوئے اس نتیج تک یوں پہنچا جا سکتا ہے کہ سونج چالو کرنے کے بعد دور میں روکی وجہ سے برق گیر پر بار جمع ہونا شروع ہو جائے گا۔جب تک برق گیر کا دباو منبع کے دباوسے کم ہو، مزاحمت پر دباو پایا جائے گاللذا اس میں روپائی جائے گی۔ یہ روبرق گیر پر جمع بار میں اضافہ کرتی رہے گی۔ عین اس وقت جب برق گیر اور منبع کے دباو برابر ہو جائیں، روکی قیمت صفر ہو جائے گی اور برق گیر کا دباواس قیمت پر ابد تک بر قرار رہے گا۔

آئیں اب فطری حل دریافت کریں۔ فطری حل ہم جنسی مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 7.15 کے دائیں بازو کو صفر کے برابر یُر کرنے سے ہم جنسی مساوات

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t)}{RC} = 0$$

حاصل ہوتی ہے۔اس کو

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{v(t)} = -\frac{\mathrm{d}t}{RC}$$

لکھتے ہوئے تکمل لینے سے

$$\ln v(t) = -\frac{t}{RC} + c$$

لعيني

$$v_F(t) = K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

فطری حل حاصل ہوتا ہے۔ جبری اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل ہو گا۔

$$v(t) = V_I + K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

 $v_C(0_+)=0$ پر $t=0_+$ کمل حل میں نامعلوم مستقل کو ابتدائی شرائط $t=0_+$ حاصل کرتے ہیں جس کے تحت $t=0_+$ پر $t=0_+$ کی قیمت معلوم ہے۔ان قیمتوں کو درج بالا مساوات میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$0 = V_I + K_2 e^{-\frac{0}{RC}}$$
$$0 = V_I + K_2$$

initial conditions 18

باب.7.عــارضي ردعمــل

لعيني

$$K_2 = -V_I$$

حاصل ہوتا ہے۔

جبری حل اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل دیتا ہے

(7.17)
$$v(t) = v_I(t) + v_F(t)$$
$$= V_I \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$
$$= V_I \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

درج بالا مساوات میں وقتی مستقل درج ذیل ہے۔

$$\tau = RC$$

یوں R یا (اور) C بڑھانے سے وقتی مستقل بڑھے گا جس سے دور بر قرار صورت زیادہ دیر کے بعد اختیار کرے گا۔

رو i(t) کو درج بالا مساوات سے حاصل کرتے ہیں۔

$$i(t) = C \frac{dv(t)}{dt}$$

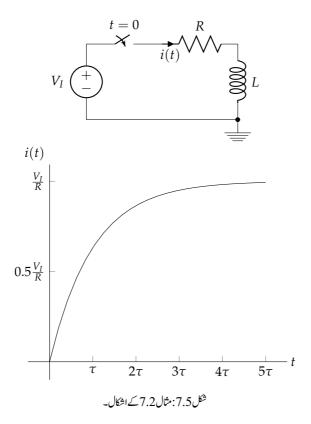
$$= CV_I \left(0 + \frac{1}{RC} e^{-\frac{t}{RC}} \right)$$

$$= \frac{V_I}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

یمی رومزاحت پر اوہم کے قانون کی مدد سے بھی حاصل کی جاسکتی ہے لینی

$$i(t) = \frac{V_I - v(t)}{R}$$
$$= \frac{V_I}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

7.2. ایک در بی ادوار



باب. 7. عبار ضي رد عمسال

مثال 7.2: شکل 7.5 میں لحمہ t=0 پر سونج چالو کیا جاتا ہے۔رو کا خط کیپیں۔

حل: کرخوف مساوات دیاو

$$V_I = i(t)R + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

کو ترتیب دیتے ہوئے عمومی شکل میں لاتے ہیں

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{R}{L}i(t) = \frac{V_I}{L}$$

جس کا جبری حل

$$i_I(t) = K_1$$

ہو گا۔ جبری حل کو عمومی مساوات میں پُر کرتے ہوئے حل کرنے سے

$$\frac{dK_1}{dt} + \frac{R}{L}K_1 = \frac{V_I}{L}$$
$$0 + \frac{R}{L}K_1 = \frac{V_I}{L}$$

لعيني

$$K_1 = \frac{V_I}{R}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے جبری حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i_J(t) = \frac{V_I}{R}$$

یمی جواب منطق سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ چونکہ یک سمتی رو کے لئے امالہ گیر بطور قصر دور کردار ادا کرتا ہے للمذا عارضی دورانیہ گزر جانے کے بعد ہم امالہ گیر کو قصر دور تصور کر سکتے ہیں۔ شکل 7.5 میں امالہ گیر کو قصر دور کرتے ہوئے او ہم کے قانون سے $\frac{V_I}{R}$ کھا جا سکتا ہے۔

فطری حل حاصل کرنے کی خاطر مساوات 7.19 میں دیے گئے عمومی مساوات کا دایاں ہاتھ صفر کے برابر پُر کرتے ہوئے درج ذیل ہم جنسی مساوات حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{R}{L}i(t) = 0$$

7.2. ايک در بي ادوار

اس کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{i(t)} = -\frac{R}{L}\,\mathrm{d}t$$

کمل لینے سے

$$\ln i(t) = -\frac{R}{L}t + c$$

لعيني

$$i_F(t) = K_2 e^{-\frac{R}{L}t}$$

حاصل ہوتا ہے۔

جبری اور فطری حل کا مجموعہ مکمل حل دیتاہے

(7.20)
$$i(t) = i_{J}(t) + i_{F}(t) \\ = \frac{V_{I}}{R} + K_{2}e^{-\frac{R}{L}t} \\ = \frac{V_{I}}{R} + K_{2}e^{-\frac{t}{\tau}}$$

جہاں وقتی مستقل درج ذیل ہے۔

$$\tau = \frac{R}{L}$$

کمل حل میں نامعلوم مستقل K_2 کو ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ سونج چالو کرنے سے پہلے دور میں رو صفر کے برابر ہے۔ صفحہ 329 پر مساوات 6.21 کے تحت امالہ کی رو بلا جوڑ تفاعل

$$i_L(t_+) = i_L(t_-)$$

ہے لہذا سوچ چالو کرنے کے فوراً بعد امالہ کی رو وہی ہو گی جو سوچ چالو کرنے کے فوراً پہلے تھی یعنی کھے $t=0_+$ پر $i_L(0_+)=i_L(0_-)=0$

$$0 = \frac{V_I}{R} + K_2 e^{-\frac{0}{\tau}}$$

باب-7. عـــاد ضي رد عمـــال

لعيني

$$K_2 = -\frac{V_I}{R}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں مکمل حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i(t) = \frac{V_I}{R} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

رو کے خط کو شکل 7.5-ب میں د کھایا گیا ہے۔

مثال 7.3: ازل سے شکل 7.6 میں ایک قطب دو جال سوئچ 19 ای جگہ پر ہے۔ لمحہ t=0 پر اس کی جگہ تبدیل کرتے ہوئے 5 k Ω مزاحمت کو زمین کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ برق گیر پر دباو دریافت کریں۔

حل: ازل سے دور منبع کے ساتھ جڑا رہا ہے۔ یوں دور بر قرار حالت میں ہو گا اور برق گیر کو کھلا دور تصور کیا جاتا ہے۔ایسا کرنے سے شکل-ب حاصل ہوتی ہے جہاں سے تقسیم دباو کے کلیے سے برق گیر کا ابتدائی دباو درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$v_{\rm C}(0_-) = 20 \left(\frac{15 \,\mathrm{k}\Omega}{5 \,\mathrm{k}\Omega + 15 \,\mathrm{k}\Omega} \right) = 15 \,\mathrm{V}$$

برق گیر کا دباو بلا جوڑ ہے للذا

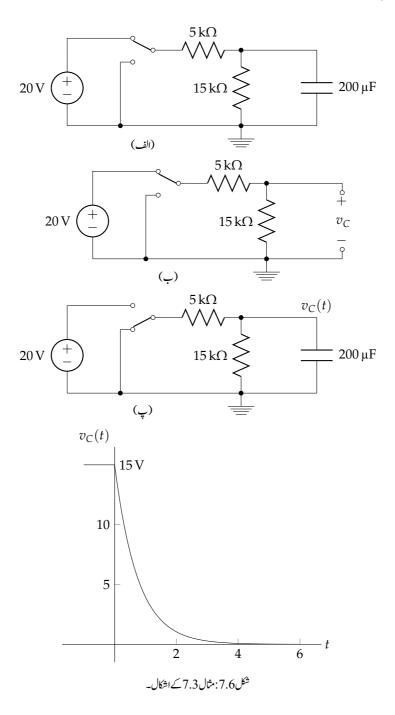
$$v_C(0_+) = v_C(0_-) = 15\,\mathrm{V}$$
 ابتدائی حالت

ہو گا۔ لمحہ v(t) بعد کی صورت شکل - پہیں دکھائی گئی ہے۔ ہمیں اس شکل میں v(t) در کار ہے جسے کرخوف مساوات رو کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{v_C(t)}{5000} + \frac{v_C(t)}{15000} + 200 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} = 0$$

single pole double throw switch, spdt¹⁹

7.2. ايک در جي ادوار



باب-7.عــاد ضي ردعمـــال

اس ہم جنسی مساوات کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{v_C(t)} = -\frac{4}{3}\,\mathrm{d}t$$

لکھا جا سکتا ہے جس کا تکمل

$$\ln v_C(t) = -\frac{4}{3}t + c$$

یا

$$v_C(t) = Ke^{-\frac{4}{3}t}$$

کے برابر ہے جہاں تکمل کے متعقل کو c یا K کھا گیا ہے۔ابتدائی حالت کی معلومات اس مساوات میں پُر کرتے ہوئے

$$15 = Ke^0$$

سے K کی قیمت درج ذیل

$$K = 15$$

حاصل ہوتی ہے۔ یوں

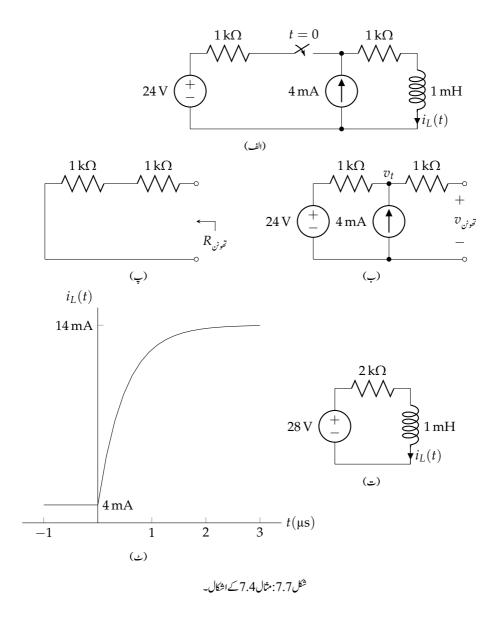
$$v_C(t) = 15e^{-\frac{4}{3}t}$$

 $\tau=\frac{3}{4}$ ابعد برق گیر کا دباو $au=0.75\,\mathrm{s}$ ابتدائی قیت کے $\tau=\frac{3}{4}$ بعد برق گیر کا دباو ابتدائی قیت کے $\tau=\frac{3}{4}$ بعد برق گیر کا دباو ابتدائی قیت کے $\tau=\frac{3}{4}$ بعد برق گیر کا دباو

مثال 7.4: ازل سے شکل 7.7 میں سوئے غیر چالو تھا جے t=0 پر چالو کیا جاتا ہے۔ امالہ گیر کی رو $i_L(t)$ دریافت کریں۔

حل: غیر چالو سوئیج کی صورت میں منبع رو کی تمام رو امالہ گیر سے گزرتی ہے لنذا
$$i_L(0_-)=i_L(0_+)=4\,\mathrm{mA}$$

7.2. ایک در برجی ادوار



باب-7.عــاد ضي ردعمـــال

ہو گا۔اس دور کو مسئلہ تھونن کی مدد سے حل کرتے ہیں۔یوں امالہ کو بوجھ تصور کرتے ہوئے بقایا دور کا تھونن مساوی حاصل کرتے ہیں۔ عاصل کرتے ہیں۔ ہے۔اس شکل میں منبع روکی تمام رو بائیں مزاحمت اور منبع دباوسے گزرے گی للذا مزاحمت پر 4V کا دباو ہو گا۔یوں

$$v_t = v_{\dot{v_t}} = 24 \, \text{V} + 4 \, \text{V} = 28 \, \text{V}$$

کھا جا سکتا ہے۔ یاد رہے کہ بالا ئی دائیں مزاحمت میں روصفر کے برابر ہے للذااس پر دباو بھی صفر ہو گا اور یوں v_t اور v_t برابر ہوں گے۔ v_t برابر ہوں گے۔

منبغ د باو کو قصر دور اور منبغ رو کو کھلے دور کرتے ہوئے شکل-پ حاصل ہوتی ہے جسے دیکھتے ہوئے تھونن مزاحمت $R_{ij}=2\,\mathrm{k}\Omega$

لکھی جاسکتی ہے۔

تھونن مساوی دور استعال کرتے ہوئے شکل-الف کو شکل-ت کی طرز پر بنایا جا سکتا ہے۔شکل-ت کی کرخوف مساوات

$$28 = 2000i(t) + 0.001 \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

كو عمومي صورت ميں لكھتے ہيں۔

$$\frac{di(t)}{dt} + 2 \times 10^6 i(t) = 28000$$

اس مساوات کا جبری حل

$$i_J(t) = K_1 = 14 \,\mathrm{mA}$$

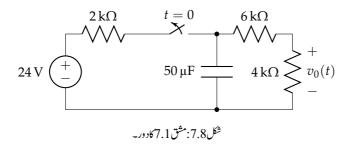
حاصل ہوتا ہے اور اس کا فطری حل

$$i_F(t) = K_2 e^{-2 \times 10^6 t}$$

ہے۔ یوں امالہ گیر کے رو کا مکمل حل

$$i(t) = 0.014 + K_2 e^{-2 \times 10^6 t}$$

7.2. ایک در جی ادوار



ہے۔ابتدائی معلومات کو اس مساوات میں حل کرتے ہوئے

$$0.004 = 0.014 + K_2 e^0$$

سے

$$K_2 = -10 \,\mathrm{mA}$$

حاصل ہوتا ہے۔یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

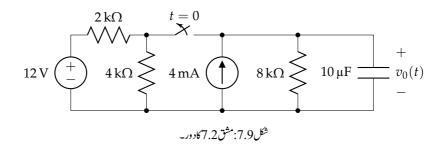
$$i_L(t) = 0.014 - 0.01e^{-2 \times 10^6 t}$$

اس مساوات کا وقتی مستقل $au=0.5\,\mu s$ ہے۔ یوں تقریباً $au=0.5\,\mu s$ میں دور پہلی بر قرار حالت سے دوسری برقرار حالت اختیار کر پاتا ہے۔ مساوات 7.23 کو شکل-ٹ میں دکھایا گیا ہے۔

مثق 7.1: شکل 7.8 میں ازل سے چالو سونج کو لمحہ t=0 پر منقطع کیا جاتا ہے۔ برق گیر پر ابتدائی دباو دریافت کرتے ہوئے $v_0(t)$ دریافت کریں۔ اس دور کا وقتی مستقل کیا ہے۔

$$au=0.5\,\mathrm{s}$$
 ، $v_0(t)=8e^{-rac{t}{0.5}}\,\mathrm{V}$ ، $v_C(0_+)=20\,\mathrm{V}$. وابات:

با__7.عــار ضي ردعمــل



مثق 7.2: شکل 7.9 میں ازل سے چالو سونج کو لمحہ t=0 پر منقطع کیا جاتا ہے۔ برق گیر پر ابتدائی دباو دریافت کرتے ہوئے $v_0(t)$ دریافت کریں۔

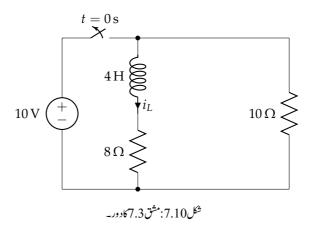
$$v_0(t) = 32 - rac{144}{7} e^{-rac{100t}{7}}\,\mathrm{V}$$
 ، $v_0(0_+) = rac{80}{7}\,\mathrm{V}$: يوابات:

مثق 7.3: شکل 7.10 میں ازل سے چالو سونج کو لحمہ t=0 پر منقطع کیا جاتا ہے۔امالہ گیر میں ابتدائی رودریافت کرتے ہوئے $i_L(t)$ دریافت کریں۔دور کا وقتی مستقل حاصل کریں۔

 $\tau=\frac{1}{3}\,\mathrm{ms}$ ، $i_L(t)=1.25e^{-3000t}\,\mathrm{A}$ ، $i_L(0_+)=1.25\,\mathrm{A}$: برابت

مثال 7.5: شکل 7.11 میں ازل سے چالو سونج کھے $t=2\,\mathrm{s}$ پر منقطع کیا جاتا ہے۔رو i(t) دریافت کریں۔

7.2. ايک در جي او وار



حل: سوئج منقطع کرنے سے فوراً پہلے کی صورت حال شکل-ب میں دکھائی گئی ہے۔ چونکہ ازل سے سوئج چالو تھاللذا دور بر قرار حالت میں ہو گا اور بوں برق گیر کو کھلا دور تصور کیا جائے گا۔ شکل-ب کو دکھ کر

$$i(t < 2 s) = \frac{20}{4000 + 6000} = 2 \text{ mA}$$

اور

$$v_C(2_-) = v_C(2_+) = 20 \left(\frac{4000}{4000 + 6000} \right) = 8 \text{ V}$$

کھا جا سکتا ہے۔ سوئچ منقطع ہونے کے بعد کی صورت حال شکل-الف میں دی گئی ہے۔ جوڑ v(t) پر کرخوف مساوات رو لکھتے ہوئے

$$\frac{v(t) - 10}{2000 + 4000} + 5 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v(t) - 20}{6000} = 0$$

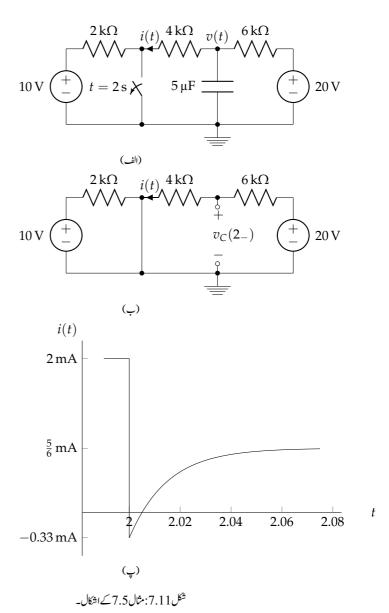
ترتیب دینے سے

$$\frac{dv(t)}{dt} + \frac{200}{3}v(t) = 1000$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کے جبری اور فطری حل درج ذیل ہیں

$$v_J(t) = K_1 = 15\,\mathrm{V}$$

$$v_F(t) = K_2 e^{-\frac{200}{3}t}$$



7.2. ايک در بي ادوار

جن کا مجموعه مکمل حل

$$v(t > 2) = 15 + K_2 e^{-\frac{200}{3}t}$$

ویتا ہے۔ابتدائی معلومات $v(2_+)=8$ کھہ $v(2_+)=8$ کہ ہونتے ہیں جنہیں درج بالا مساوات میں پُر کرتے ہوئے

$$8 = 15 + K_2 e^{-\frac{200}{3} \times 2}$$

کی قیت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔ K_2

$$K_2 = -7e^{\frac{400}{3}}$$

یوں مکمل حل درج ذیل ہو گا۔

$$v(t > 2) = 15 - 7e^{\frac{200}{3}(2-t)}$$

اب شکل-الف کو دیکھ کر

$$i(t > 2) = \frac{v(t > 2) - 10}{6000}$$
$$= \frac{5}{6} - \frac{7}{6}e^{\frac{200}{3}(2-t)} \text{ mA}$$

لکھا جا سکتا ہے جو در کار مساوات ہے۔ یوں سوئچ منقطع کرنے سے پہلے اور اس کے بعد کے جوابات سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$i(t) = \begin{cases} 2 \text{ mA} & t < 2 \text{ s} \\ \frac{5}{6} - \frac{7}{6} e^{\frac{200}{3}(2-t)} \text{ mA} & t > 2 \text{ s} \end{cases}$$

جے شکل - پ میں دکھایا گیا ہے جہاں سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سونج منقطع کرنے سے پہلے بر قرار رو $2 \, \mathrm{mA}$ و بھی جبکہ سونج منقطع کرنے کے بعد برقرار حالت ∞ (∞ ∞) میں رو ∞ ∞ ہے۔ یاد رہے کہ برق گیر کا دباو فوراً تبدیل نہیں ہو سکتا البتہ اس میں رو یک دم تبدیل ہو سکتا ہے۔

وقت $\infty o t$ پر دور بر قرار حالت اختیار کر چکا ہو گا لہذا برق گیر کو کھلا دور کرتے ہوئے شکل 7.11-الف سے بر قرار حالت رو درج ذیل کھی جاسکتی ہے۔

$$i(t \to \infty) = \frac{20 - 10}{2000 + 4000 + 6000} = \frac{5}{6} \,\mathrm{mA}$$

باب. 7. عـــار ضي رد عمـــل

مثال 7.6: شکل 7.12-الف میں ازل سے منقطع سونے کھے t=7 پر چالو کیا جاتا ہے۔رو i(t) دریافت کریں۔

حل: منقطع سوئج کی صورت میں دور بر قرار حالت میں ہو گالہذاامالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے شکل-ب حاصل کی گئی ہے۔ تقسیم روکے کلیے سے

$$i_L(7_-) = i_L(7_+) = 6\left(\frac{4}{4+2}\right) = 4 \text{ A}$$

اور

(7.24)
$$i(t) = 6 A - i_L(t) = 6 - 4 = 2 A$$
 $(t < 7 s)$

کھا جا سکتا ہے۔ سونج چالو کرنے کے بعد کی صورت حال شکل-پ میں دکھائی گئی ہے جہاں سے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$i_1 = 6 \,\mathrm{A}$$

$$5 \frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} + 4(i_2 - i_1) = 0$$

ان مساوات کو ملاتے ہوئے

$$5\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} + 4(i_2 - 6) = 0$$

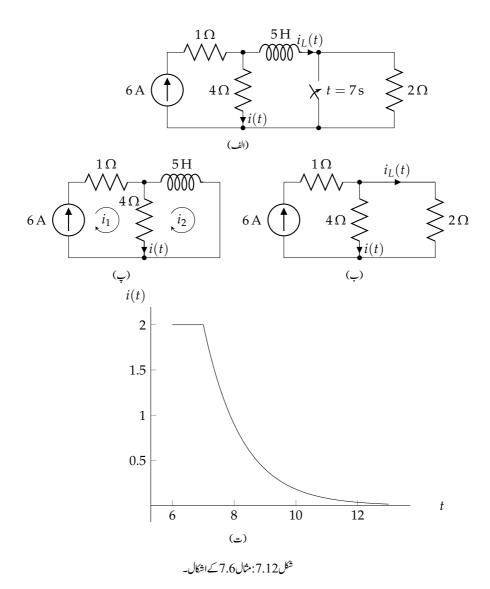
لعيني

$$\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t} + \frac{4}{5}i_2 = \frac{24}{5}$$

حاصل ہوتاہے جس کا مکمل حل درج ذیل ہے۔

$$i_2 = 6 + K_2 e^{-\frac{4}{5}t}$$

7.2. ايک در جي ادوار



باب-7. عبارضي رد عمسال

$$4 = 6 + K_2 e^{-\frac{4}{5} \times 7}$$

سے

$$K_2 = -2e^{\frac{4}{5}\times 7}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں سوئچ چالو کرنے کے بعد i2 کا مکمل حل درج ذیل لکھا جائے گا۔

$$i_2 = 6 - 2e^{\frac{4}{5}(7-t)}$$

اب شکل-پ کو دیکھتے ہوئے

$$i(t) = i_1 - i_2$$

$$= 6 - \left(6 - 2^{\frac{4}{5}(7-t)}\right)$$

$$= 2e^{\frac{4}{5}(7-t)} \qquad (t > 7s)$$

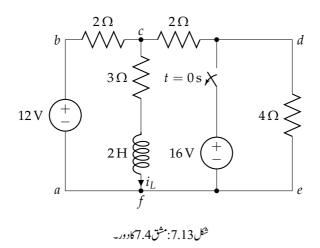
کھا جا سکتا ہے۔ یوں ازل سے ابد تک i(t) کو مساوات 7.24 اور درج بالا مساوات پیش کرتے ہیں۔ انہیں اکٹھے کھتے اور شکل ۔ میں پیش کرتے ہیں۔

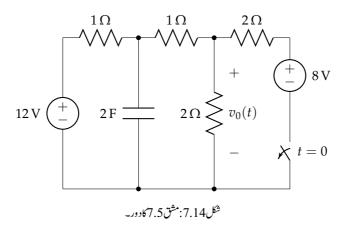
(7.25)
$$i(t) = \begin{cases} 2A & t < 7s \\ 2e^{\frac{4}{5}(7-t)}A & t > 7s \end{cases}$$

 i_2 مثق 7.4: شکل 7.13 میں ابتدائی حالت $i_L(0_+)$ دریافت کریں۔دائرہ i_1 مثق 7.4: شکل 7.13 میں ابتدائی حالت $i_L(0_+)$ دریافت کریں۔بول ازل سے ابد تک لیتے ہوئے کرخوف مساوات دباو کلھیں۔ان مساوات سے صرف i_1 پر مبنی مساوات حاصل کریں۔پول ازل سے ابد تک i_L دریافت کریں۔

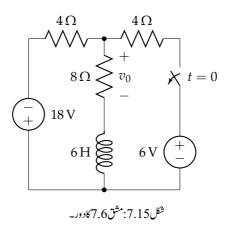
$$i_L(t>0)=2+1.5e^{-2.25t}\,\mathrm{A}$$
 ، $\frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t}+2.25i_1=4.5$ ، $i_L(0_+)=3.5\,\mathrm{A}$. بابات:

7.2. ایک در بی ادوار





بابـــ7. عـــاد ضي رد عمـــل



مثق 7.5: شكل 7.14 ميں $v_0(t)$ حاصل كريں۔

 $v_0(t) = rac{24}{5} + rac{1}{5}e^{-rac{5}{8}t}\,\mathrm{V}$. يوابات:

مثق 7.6: شکل 7.15 میں سوئے منقطع کرنے کے بعد v_0 حاصل کریں۔

 $v_0 = -12 + \frac{9}{2}e^{-2t}\,\mathrm{V}$ جوابات:

7.3. د هر کن

7.3 د هر کن

گزشتہ جھے میں سونچ کو چالو یا منقطع کرتے ہوئے ادوار میں میدم تبدیلی پیداکی گئی۔فوراً تبدیلی پیدا کرنے والے دو عدد تفاعل نہایت اہم ہیں۔آئیں اکائی سیڑھی تفاعل ²⁰ اور اکائی جھٹکا تفاعل ²¹کہتے ہیں۔آئیں اکائی سیڑھی تفاعل پر غور کریں۔

اکائی سیڑھی تفاعل u(t) کی الجبرائی تعریف درج ذیل ہے۔

(7.26)
$$u(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ 1 & t > 0 \end{cases}$$

اکائی سیڑھی تفاعل ہے بعد 22 ہے جو منفی t کی صورت میں صفر کے برابر جبکہ مثبت t کی صورت میں اکائی کے برابر جبکہ مثبت $t-t_0$ کی سیڑھی تفاعل کو دکھایا گیا ہے۔اکائی سیڑھی تفاعل کے متغیرہ کو $t-t_0$ کی سیڑھی تفاعل کے متغیرہ کو $t-t_0$ کی سیڑھی تفاعل منفی شکل 7.16۔ب حاصل ہوتا ہے جو افقی محدد پر $t-t_0$ دائیں منتقل اکائی سیڑھی تفاعل $t-t_0$ کی صورت میں صفر کے برابر ہے۔اکائی سیڑھی تفاعل $t-t_0$ کی صورت میں صفر کے برابر ہے۔اکائی سیڑھی تفاعل کو $t-t_0$ کی صورت میں یہ اکائی کے برابر ہے۔اکائی سیڑھی تفاعل کو $t-t_0$ کی حورت میں صفر کے برابر ہے۔اکائی سیڑھی تفاعل ہوگا جس سے بعد وولٹ کا سیڑھی تفاعل حاصل کی جاسمتی ہے۔شکل 7.16۔پ میں $t-t-t_0$ اور شکل $t-t_0$ کی جاسمتی ہے۔شکل $t-t_0$ کی جاسمتی ہوں جارہ کی اسیڑھی تفاعل سے کئی جو کہا گئی ہوں جہاں کہ جاسمتی ہے۔شکل $t-t-t_0$ میں $t-t-t_0$ کی جاسمتی ہوں جہاں کہ از خود مثبت عدد ہے۔

اور Au(t) اور Au(t) کی سیڑھی تفاعل سے مستطیل تفاعل حاصل کیا جا سکتا ہے۔ یہ عمل شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے جہاں Au(t) اور Au(t-t)

(7.27)
$$f(t) = Au(t) - Au(t - t_0)$$

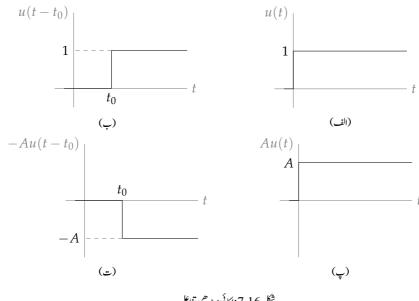
لیتے ہوئ A حیطے کا متطیل تفاعل حاصل کیا گیا ہے۔

مثال 7.7: اکائی سیڑ ھی تفاعل کے استعال سے T طول موج اور V_0 حیطے کی چکور موج حاصل کریں۔

unit step function²⁰ init impulse function²¹

unit impulse function 21 dimensionless 22

با__7.عــار ضي ردعمـــل



شكل7.16:اكائى سير نفعى تفاعل_

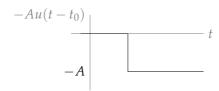
حل: شکل 7.17 کی طرز پر متعدد مستطیل اشارات سے الی موج حاصل کی جاسکتی ہے۔ایسا کرنے کی خاطر متعدد اکائی سیڑھی تفاعل استعمال کی جائیں گی۔درکار تفاعل کو درج ذیل کھا جاسکتا ہے

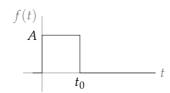
$$v(t) = V_0 \left[u(t) - u(t-0.5T) + u(t-T) - u(t-1.5T) + u(t-2T) - \cdots
ight]$$
 جي شکل 1.18-الف ميں د کھايا گيا ہے۔

مثال 7.8: اکائی سیڑھی تفاعل سے اوپر جانب بڑھتی سیڑھی تفاعل حاصل کریں۔ سیڑھی کی اونچائی 0.5 رکھیں۔ مثال 8.7: اکائی سیڑھی تفاعل سے اوپر جانب بڑھتی سیڑھی تفاعل حاصل کریں۔ سیڑھی کیا جاتا ہے لیعنی حل: درج بالا مثال میں اجزاء کو بالترتیب جمع اور منفی کیا گیا۔ یہاں انہیں صرف جمع کیا جاتا ہے لیعنی $v(t) = 0.5 \left[u(t) + u(t-0.5T) + u(t-T) + u(t-1.5T) + u(t-2T) + \cdots \right]$

7.3. وهر كن

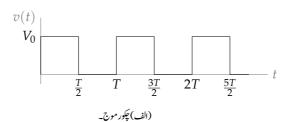


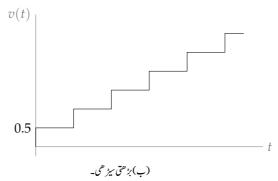




شكل7.17: اكائى سير هى تفاعل سے مستطيل تفاعل كاحصول_

باب. 7. عـــا د ضي ر د عمـــال





شکل7.18 : اکائی سیر ھی تفاعل سے چکور موج کا حصول۔

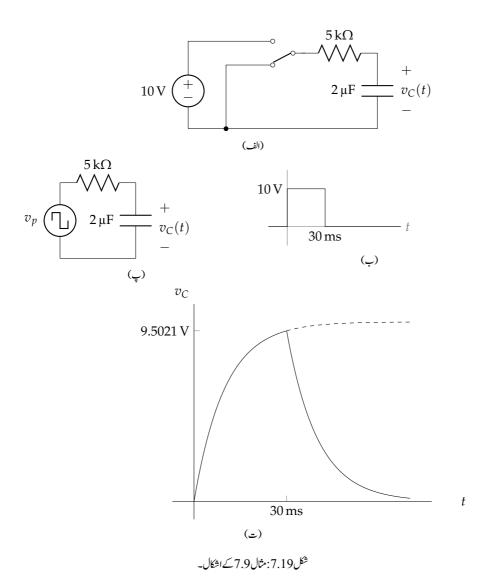
جس سے در کار سیڑ ھی حاصل ہو گی۔ بڑھتی سیڑ ھی کو شکل 7.18-ب میں د کھایا گیا ہے۔

مثال 7.9: شکل 7.19-الف میں ایک قطب دو چال کا سونج استعال کیا گیا ہے جو ازل سے دور کو زمین سے ملایا ہوا ہے۔ $t=30\,\mathrm{ms}$ پر سونج کو واپس اپنی $t=0\,\mathrm{s}$ پر سونج کو واپس اپنی حالت میں لاتے ہوئے دور کو منبع دباو کے ساتھ ملایا جاتا ہے۔ لمحہ $v_C(t)$ حاصل کریں۔

حل: سون کے کو پلٹ کر واپس کرنے سے دور اور منبع 30 ms کے لئے جڑتے ہیں۔ یوں دور کو اس دور اپنے کے لئے 10 V ماتا ہے۔ شکل الف میں سون کے اور منبع دباو کی جگہ مستطیل دباو پیدا کرنے والا منبع ماتا ہے۔ شکل اپ حاصل ہوتا ہے جہاں v_p

$$v_p = 10 \left[u(t) - u(t - 30 \,\mathrm{ms}) \right]$$

7.3. دهور کن



باب-7. عبارضي رد عمسال

کے برابر ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ شکل-پ میں بھی دور کو عین شکل-ب کا دباو مہیا کیا گیا ہے للذاان دونوں ادوار کے حل میں کوئی فرق نہیں ہو گا۔

ازل سے داخلی د باو صفر کے برابر ہونے کی بنا

$$v_C(0_-) = v_C(0_+) = 0 \,\mathrm{V}$$

ہو گا۔ دورانیہ $v_p=10\,\mathrm{V}$ تا $t=30\,\mathrm{ms}$ تا $t=0\,\mathrm{s}$ شکل-پ میں داخلی دباو $v_p=10\,\mathrm{V}$ کے برابر ہے لہذا کرخوف مساوات رو درج ذیل لکھی جائے گی۔

$$\frac{v_C - 10}{5000} + 2 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v_C}{\mathrm{d}t} = 0$$

اس کو ترتیب دیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}v_C}{\mathrm{d}t} + 100v_C = 1000$$

لکھا جا سکتا ہے جس کے جبری اور فطری حل درج ذیل ہیں۔

$$v_{C,j} = K_1 = 10$$

 $v_{C,f} = K_2 e^{-100t}$

يوں مكمل حل درج ذيل لكھا جائے گا

$$v_C(t) = 10 + K_2 e^{-100t}$$
 $(0 < t < 30 \,\text{ms})$

جس میں لمحہ $t=0\,\mathrm{s}$ کے معلومات پُر کرتے

$$0 = 10 + K_2 e^{-100 \times 0}$$

ہوئے نامعلوم متغیر کی قیت $K_2 = -10$ حاصل ہوتی ہے۔یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

(7.28)
$$v_C(t) = 10 - 10e^{-100t}$$
 $(0 < t < 30 \,\text{ms})$

لمحہ $t=30\,\mathrm{ms}$ پر داخلی دباو میں دوبارہ یک دم تبدیلی پائی جاتی ہے لہٰذااس کمجے کے معلومات اگلے دورانیے کے حل کے درکار ہوں گے۔مساوات $v_{\mathrm{C}}(0.03_{-})$ پر $v_{\mathrm{C}}(0.03_{-})$ کی قیمت حاصل کرتے ہیں۔

$$v_C(0.03_-) = v_C(0.03_+) = 10 - 10e^{-100 \times 0.03} = 9.5021 \text{ V}$$

7.3. د هر کن

ا گلے دورانے لین $v_p=0\,
m V$ کا حل تلاش کرتے ہیں۔اس دورانے میں داخلی دباو $v_p=0\,
m V$ کے برابر ہے لہذا شکل۔پ کا کرخوف مساوات رو درج ذیل ہو گا

$$\frac{v_C - 0}{5000} + 2 \times 10^{-6} \frac{\mathrm{d}v_C}{\mathrm{d}t} = 0$$

جس كالمكمل حل

$$v_C = K_3 e^{-100t}$$
 (30 ms $< t$) $V_C = K_3 e^{-100t}$ (30 ms $< t$) $V_C = K_3 e^{-100t}$ $V_C = K_3 e^{-100t}$

نا معلوم متغیرہ $K_3 = 190.8554$ حاصل ہوتا ہے لہذا مکمل حل درج ذیل کھا جائے گا۔

$$(7.29) v_C = 190.8554e^{-100t} (30 \,\text{ms} < t)$$

مباوات 7.28 اور مباوات 7.29 کو اکٹھے لکھتے ہوئے اس کا خط

(7.30)
$$v_C = \begin{cases} 10 - 10e^{-100t} & 0 < t < 30 \,\text{ms} \\ 190.8554e^{-100t} & 30 \,\text{ms} < t \end{cases}$$

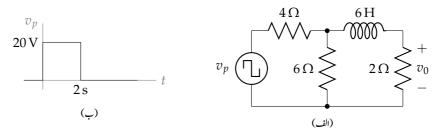
شكل-ت مين تصينجتے ہيں۔

 v_C اگر لمحہ v_C اور اس کے بعد بھی داخلی دباو v_C پر بر قرار رہتا تب v_C نقطہ دار ککیر پر چلتے ہوئے v_C تک جا پہنچتا۔

مثق 7.7: شکل 7.20-الف کو شکل 7.20-ب کا داخلی دباو مهیا کیا جاتا ہے۔ دباو v_0 دریافت کریں۔ $v_0(0 < t < 2) = \frac{30}{29} \left(1 - e^{-\frac{29}{15}t}\right)$ ، $v_0(t < 0) = 0$ V جواب:

$$v_0(2 < t) = 8.78074e^{-rac{11}{15}t}$$

با_7.عبار ضي ردعم ال



شكل 7.20: مشق 7.7 كي اشكال ـ

7.4 دودر جي ادوار

شکل 7.21-الف میں L ، R اور C متوازی منبع رو $i_S(t)$ کے ساتھ جڑے ہیں جبکہ شکل-ب میں منبع دباو کے ساتھ بینوں پرزے سلسلہ وار جڑے ہیں۔شکل-الف کی کرخوف مساوات رو اور شکل-ب کی کرخوف مساوات دباو بالترتیب درج ذیل ہیں۔

$$\begin{split} & \frac{v(t)}{R} + \frac{1}{L} \int_{t_0}^t v(t) \, \mathrm{d}t + i_L(t_0) + C \frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} = i_S(t) \\ & i(t)R + \frac{1}{C} \int_{t_0}^t i(t) \, \mathrm{d}t + v_C(t_0) + L \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} = v_S(t) \end{split}$$

یہ مساوات یکساں صورت رکھتے ہیں للمذاان کا حل بالکل یکساں ہو گا۔ان مساوات کا تفرق لے کر ترتیب دینے سے درج ذیل تفرقی مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

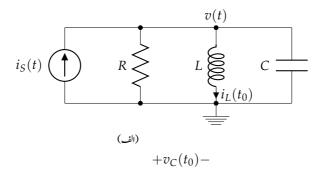
$$C\frac{d^2 v(t)}{dt^2} + \frac{1}{R}\frac{dv(t)}{dt} + \frac{v(t)}{L} = \frac{di_S(t)}{dt}$$
$$L\frac{d^2 i(t)}{dt^2} + R\frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{C} = \frac{dv_S(t)}{dt}$$

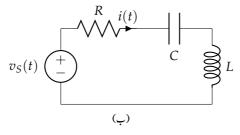
آپ نے دیکھا کہ دونوں مساوات میں تفرقی جزو کے عددی سر، مستقل مقدار ہیں۔آئیں مستقل عددی سر کے دو درجی تفرقی مساوات کو حل کرنا سیکھتے ہیں۔

مستقل عددی سر کے دو درجی تفرقی مساوات کی عمومی صورت درج ذیل ہے جہاں دو درجی تفرق کے عددی سر کو اکائی برابر رکھا گیا ہے۔

(7.31)
$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + a_1 \frac{dy(t)}{dt} + a_2 y(t) = f(t)$$

7.4. دودر رجی ادوار





شکل 7.21: دودر جی ادوار۔

با__7. عـــار ضي رد عمـــال

ایک درجی مساوات کے حل کی طرح یہاں بھی اگر مساوات 7.31 کا جبری حل $y_j(t)$ ہو اور درج ذیل ہم جنسی مساوات کا فطری حل $y_f(t)$ ہو

(7.32)
$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + a_1 \frac{dy(t)}{dt} + a_2 y(t) = 0$$

تب مساوات 7.31 كا مكمل حل

$$(7.33) y(t) = y_j(t) + y_f(t)$$

ہوگا۔ یاد رہے کہ کسی بھی تفرقی مساوات میں جبری قوت کو صفر (f(t)=0) بُر کرنے سے اس کی ہم جنسی مساوات ماصل ہوتی ہے۔ مستقل جبری قوت، یعنی $K_1 = K_1$ تصور میں جبری حل بھی مستقل ہوگا جسے $K_1 = K_1$ تصور کرتے ہوئے مساوات 7.31 میں پُر کرتے ہوئے

$$(7.34) y_j(t) = K_1 = \frac{A}{a_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔

ہم جنسی مساوات میں $a_1=2\zeta\omega_0$ اور $a_2=\omega_0^2$ پُر کرنے سے

(7.35)
$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + 2\zeta \omega_0 \frac{dy(t)}{dt} + \omega_0^2 y(t) = 0$$

حاصل ہوتا ہے جہاں ω_0 کو (بلا تقصیر) قدرتی تعدد 23 اور 2 کو تقصیری تناسب 24 کہا جاتا ہے۔ ان کی افادیت جلد سامنے آئے گی۔ مساوات 2 ہم جنسی مساوات کی عمومی صورت ہے جو طبیعیات کے دیگر شعبوں میں بھی استعال کی جاتی ہے۔ اس مساوات کا فطری حل

$$y_f(t) = Ke^{st}$$

تصور کرتے ہیں۔آئیں اس فطری حل کو ہم جنسی مساوات میں پُر کرتے ہیں۔

$$s^2 K e^{st} + 2\zeta \omega_0 s K e^{st} + \omega_0^2 K e^{st} = 0$$

اس کو Kest سے تقسیم کرتے ہوئے

$$(7.36) s^2 + 2\zeta\omega_0 + \omega_0^2 = 0$$

 $\begin{array}{c} \text{undamped natural frequency}^{23} \\ \text{damping ratio}^{24} \end{array}$

7.4 ووور تی ادوار

حاصل ہوتا ہے جے امتیازی مساوات 25 کہتے ہیں۔اس دو درجی انتیازی مساوات کو s کے لئے حل کرتے ہوئے

(7.37)
$$s = \frac{-2\zeta\omega_0 \mp \sqrt{4\zeta^2\omega_0^2 - 4\omega_0^2}}{2} \\ = -\zeta\omega_0 \mp \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1}$$

مساوات کے جذر ²⁶ حاصل کرتے ہیں۔

(7.38)
$$s_1 = -\zeta \omega_0 + \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1}$$
$$s_2 = -\zeta \omega_0 - \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1}$$

یوں دو فطری حل $K_2e^{s_1t}$ اور $K_3e^{s_2t}$ ممکن ہیں۔ایسی صورت میں عمومی فطری حل ان کا مجموعہ ہو گا یوں عمومی فطری حل کو فطری حل کو

(7.39)
$$y_f(t) = K_2 e^{s_1 t} + K_3 e^{s_2 t}$$

$$- \frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t}\Big|_{t=0} \quad y(0) \quad y(0) \quad y(0) \quad X_3 \quad y(0) \quad X_4 \quad Y_5 \quad Y_6 \quad Y_6 \quad Y_7 \quad Y_7 \quad Y_8 \quad$$

مساوات 7.38 پر غور کرنے سے ظاہر ہوتا ہے کہ s_1 اور s_2 کی قیمتوں کا دار ومدار ζ کی قیمت پر ہے۔ تین ممکنہ صور تیں پائی جاتی ہیں یعنی $\zeta < 1$ ، $\zeta > 1$ اور $\zeta > 1$ ہیں پائی جاتی ہیں یعنی اور عقیق اور کی جاتی ہیں جھیتی جھیتی محقیق اور عقیق اور حقیق اور حقیق اور حقیق اور حقیق اور حقیق اور جاصل ہوتی ہیں۔آئیں ان تینوں صور توں پر تفصیلاً غور کریں۔

 $\zeta>1$ زیاده مقصور صورت،

زیادہ مقصور صورت 27 میں 61 اور 62 کی قیمتیں حقیقی اور آ پس میں مختلف حاصل ہوتی ہیں۔زیادہ مقصور حالت کو حورت میں پائی جاتی ہے۔ایسی صورت میں فطری حل کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے 27

(7.40)
$$y_f(t) = K_2 e^{-(\zeta \omega_0 - \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1})t} + K_3 e^{-(\zeta \omega_0 + \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1})t}$$

جو دو عدد، قوت نمائی انحطاطی تفاعل کا مجموعہ ہے۔

 $\begin{array}{c} {\rm characteristic~equation^{25}} \\ {\rm roots^{26}} \\ {\rm over~damped~condition^{27}} \end{array}$

بات. 7. عبار ضي رد عمسال

 $\zeta < 1$ مقصور صورت،

کم مقصور صورت $\zeta < 1^{28}$ میں امتیازی مساوات کے حل، s_1 اور s_2 ، کی قیمتیں خیالی حاصل ہوتی ہیں جنہیں درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(7.41)
$$s_{1} = -\zeta \omega_{0} + j\omega_{0} \sqrt{1 - \zeta^{2}} = -\sigma + j\omega_{d}$$

$$s_{2} = -\zeta \omega_{0} - j\omega_{0} \sqrt{1 - \zeta^{2}} = -\sigma - j\omega_{d}$$

$$\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{$$

لعني

(7.42)
$$y_f(t) = e^{-\sigma t} \left(c_1 \cos \omega_d t + c_2 \sin \omega_d t \right)$$

$$= e^{-\zeta \omega_0 t} \left[c_1 \cos \omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2} t + c_2 \sin \omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2} t \right]$$

اور i_1 اور i_2 ہیں۔ فطری حل کے متعقل i_3 اور i_4 اور i_5 اور i_5 اور i_6 کی ایسے گئے ہیں۔ فطری حل کے متعقل i_6 اور i_6 کو ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جاتا ہے۔

مساوات 7.42 میں

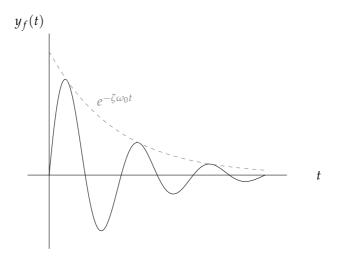
$$c_1 = A\cos\theta$$
$$c_2 = A\sin\theta$$

یُر کرتے ہوئے

$$y_f(t) = e^{-\sigma t} (A\cos\theta\cos\omega_d t + A\sin\theta\sin\omega_d t)$$

under damped condition²⁸

7.4. دودر رجی ادوار



شكل 7.22: قصرى ارتعاش ـ

لعيني

$$y_f(t) = Ae^{-\sigma t}\cos(\omega_d t - \theta)$$

$$= Ae^{-\zeta\omega_0 t}\cos(\omega_0 \sqrt{1 - \zeta^2}t - \theta)$$

کھا جا سکتا ہے۔ مساوات 7.43 کے مستقل A اور θ ہیں جنہیں ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جاتا ہے۔ جیسا شکل $e^{-\zeta \omega_0 t}$ قصری مرتق ہے۔ کم قصری مساوات میں $e^{-\zeta \omega_0 t}$ قصری ارتعاش $e^{-\zeta \omega_0 t}$ قصری میں دکھایا گیا ہے۔ مطاوات میں نقطہ دار کئیر سے دکھایا گیا ہے۔ ارتعاش کے غلاف $e^{-\zeta \omega_0 t}$ کا میں نقطہ دار کئیر سے دکھایا گیا ہے۔

 $\zeta=1$ فاصل مقصور صورت،

فاصل مقصور صورت $\zeta = 1$ میں

$$(7.44) s_1 = s_2 = -\zeta \omega_0$$

damped oscillation²⁹ envelope³⁰

بات. عبارضی رد عمسل

حاصل ہوتے ہیں۔جب s_1 اور s_2 کی قیمتیں ایک دونوں کے برابر $(s_1=s_2)$ ہوں تب عمومی فطری حل درج ذیل کھا جاتا ہے

(7.45)
$$y_f(t) = K_2 e^{-\zeta \omega_0 t} + K_3 t e^{-\zeta \omega_0 t}$$

جہاں دوسرے جزو کو t سے ضرب دیا گیا ہے۔مساوات کے مستقل K_2 اور K_3 کو ابتدائی معلومات سے حاصل کیا جاتا ہے۔

مثق 7.8: سلسله وار RLC دور میں RLC Ω ناسب اور غیر L=5 اور C=4 ہیں۔ تقصیری تناسب اور غیر تقصیری قدر تی تعدد دریافت کریں۔

 $\zeta=0.8944$ ، $\omega_0=0.2236\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ برابات:

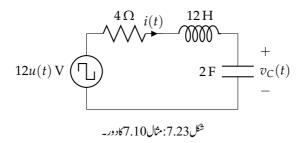
مثق 7.9: متوازی RLC دور میں $\Omega=2$ ہیں۔ تقصیری تناسب اور غیر تقصیری قدر تی تعدد دریافت کریں۔ تقصیری قدر تی تعدد دریافت کریں۔

 $\zeta = 0.2795$ ، $\omega_0 = 0.2236\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ جوابات:

C=6 مثق 7.10: سلسله وار R=4 دور میں R=4 اور R=4 اور R=6 بیں۔ دور کارد عمل C=6 ، مثق C=3 اور C=3 کی صورت میں کیا ہو گا۔

جوابات: زیاده قصری، کم قصری اور فاصل قصری۔

7.4. دوور تي ادوار



 $i_L(0)=2\,\mathrm{A}$ مثال 7.10: شکل 7.23 میں $v_C(t)$ دریافت کریں جہاں کھہ t=0 پر ابتدائی معلومات $v_C(t)$ اور $v_C(0)=4\,\mathrm{V}$

حل: دور کی کرخوف مساوات کھے t=0 کے بعد کھتے ہیں۔

(7.46)
$$i(t)R + L\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(t) dt = 12$$

اس میں

$$i(t) = C \frac{dv_C(t)}{dt}$$
$$v_C = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^t i(t) dt$$

پُر کرتے ہوئے

(7.47)
$$RC\frac{dv_{C}(t)}{dt} + LC\frac{d^{2}v_{C}(t)}{dt^{2}} + v_{C}(t) = 12$$

ملتاہے۔آئیں مساوات 7.47 کو حل کریں۔

مساوات 7.47 میں دی گئی قیمتیں پُر کرتے ہوئے ترتیب دینے سے درج ذیل ملتا ہے

(7.48)
$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{3} \frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{v_C(t)}{24} = \frac{1}{2}$$

باب-7.عــار ضي ردعمــال

جس میں جبری تفاعل کو صفر کے برابر پُر کرنے سے ہم جنسی مساوات

(7.49)
$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{3} \frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{v_C(t)}{24} = 0$$

 $y_j(t)=K_1$ تصور عاصل ہوتی ہے۔ مساوات 7.48 میں جبری تفاعل ایک مستقل مقدار ہے للذا جبری حل کو مستقل مستقل کرتے ہوئے کے مساوات 7.48 میں یُر کرتے ہوئے

$$\frac{d^2 K_1}{dt^2} + \frac{1}{3} \frac{dK_1}{dt} + \frac{K_1}{24} = \frac{1}{2}$$
$$0 + 0 + \frac{K_1}{24} = \frac{1}{2}$$

حل کرنے سے

$$v_{C,j}(t) = K_1 = 12 \,\mathrm{V}$$

ماتا ہے۔ یہی جواب شکل 7.23 کو دیکھ کر بھی اخذ کیا جا سکتا ہے جہاں لمحہ t=0 کے بہت دیر بعد، بر قرار حالت کی صورت میں برق گیر کا دباو عین داخلی دباو کے برابر ہوگا۔

مساوات 7.49 میں دی گئی ہم جنسی مساوات سے درج ذیل امتیازی مساوات حاصل ہوتی ہے

$$s^2 + \frac{s}{3} + \frac{1}{24} = 0$$

جس سے $\frac{1}{\sqrt{24}}$ ور $\omega_0=\frac{2}{\sqrt{6}}=0.333$ اور $\omega_0=\frac{1}{\sqrt{24}}$ کھا جا سکتا ہے۔ چونکہ $\omega_0=\frac{1}{\sqrt{24}}$ ہیں۔ $\omega_0=\frac{1}{\sqrt{24}}$ ہیں۔ جہ امتیازی مساوات کے حل درج ذیل ہیں۔

$$s_1 = -\frac{1}{6} - \frac{j}{6\sqrt{2}}$$
$$s_2 = -\frac{1}{6} + \frac{j}{6\sqrt{2}}$$

ان قیمتوں کو استعال کرتے ہوئے مساوات 7.42 کے تحت فطری حل

$$v_{C,f}(t) = e^{-\frac{t}{6}} \left(c_1 \cos \frac{t}{9\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{t}{9\sqrt{2}} \right)$$

7.4. دودر کی ادوار

ہے جہاں $\sigma = \omega_0 \zeta = \frac{1}{6}$ اور $\sigma = \omega_0 \zeta = \frac{1}{6\sqrt{2}}$ استعال کئے گئے۔ یوں کمل حل درج ذیل ہو کا جہاں کا محل حل درج ویل ہو کا جہاں کے حلاحات کی محل حل درج ویل ہو کا جہاں کے حلاحات کی حدود کی جہاں کے حلاحات کی حدود کی جہاں کے حدود کی حدود کی حدود کی جہاں کے حدود کی حدود کے حدود کی حدود کی حدود کی

(7.50)
$$v_{C}(t) = v_{C,j}(t) + v_{C,f}(t)$$
$$= 12 + e^{-\frac{t}{6}} \left(c_1 \cos \frac{t}{6\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{t}{6\sqrt{2}} \right)$$

جس میں مستقل c_1 اور c_2 معلوم کرنا باقی ہے۔ابتدائی دباو $v_C(0)=4$ کو مکمل حل میں پُر کرنے سے

$$4 = 12 + e^{-\frac{0}{6}} \left(c_1 \cos \frac{0}{6\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{0}{6\sqrt{2}} \right)$$
$$= 12 + c_1$$

لعيني

$$(7.51) c_1 = -8$$

ملتا ہے۔ابتدائی رو $I_L(0)=2$ کو استعال کرنے کی خاطر مساوات 7.50 کے دونوں اطراف کو $I_L(0)=2$ سے ضرب دیتے ہوئے تفرق لیتے ہیں۔

$$C\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} = -\frac{C}{6}e^{-\frac{t}{6}}\left(-8\cos\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_2\sin\frac{t}{6\sqrt{2}}\right)$$

$$+\frac{C}{6\sqrt{2}}e^{-\frac{t}{6}}\left(8\sin\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_2\cos\frac{t}{6\sqrt{2}}\right)$$

$$|\mathcal{V}_{t}| \leq C\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} = i_C(t)$$

$$\begin{split} i_{C}(t) &= -\frac{1}{3}e^{-\frac{t}{6}}\left(-8\cos\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_{2}\sin\frac{t}{6\sqrt{2}}\right) \\ &+ \frac{\sqrt{2}}{6}e^{-\frac{t}{6}}\left(8\sin\frac{t}{6\sqrt{2}} + c_{2}\cos\frac{t}{6\sqrt{2}}\right) \end{split}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں بائیں ہاتھ $i_C(t)$ کے برابر ہے اور دائیں ہاتھ C=2 پُر کیا گیا ہے۔ چو نکہ I اور I سلسلہ وار جڑے ہیں لہٰذا $I_C(t)=i_C(t)=i_C(t)$ ہو گا۔ درج بالا مساوات میں ابتدائی رو $I_C(t)=i_C(t)=i_C(t)$ پُر کرتے

باب-7.عــاد ضي ردعمــال

ہوئے

$$2 = -\frac{1}{3}e^{-\frac{0}{6}} \left(-8\cos\frac{0}{6\sqrt{2}} + c_2\sin\frac{0}{6\sqrt{2}} \right)$$

$$+ \frac{\sqrt{2}}{6}e^{-\frac{0}{6}} \left(8\sin\frac{0}{6\sqrt{2}} + c_2\cos\frac{0}{6\sqrt{2}} \right)$$

$$c_2 = -\sqrt{8}$$

ملتا ہے۔ مساوات کے مستقل جانتے ہوئے مکمل حل کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(7.52)
$$v_C(t) = 12 + e^{-\frac{t}{6}} \left(-8\cos\frac{t}{9\sqrt{2}} - \sqrt{8}\sin\frac{t}{9\sqrt{2}} \right)$$

اس مساوات سے $v_{\rm C}=4$ پر $v_{\rm C}=4$ اور $v_{\rm C}=0$ واصل ہوتا ہے۔ پہلا جواب ابتدائی دباوہی ہے جبکہ دوسرا جواب ابدی بر قرار حالت لیخی جبری حل ہے۔

مثال 7.11: شکل 7.24 میں سونچ ازل سے دکھائے گئے حالت میں ہے۔لمحہ t=0 پر اس کو پلٹا یا جاتا ہے۔دور کا رد عمل C=0.5 اور C=0.5 کی صورت میں معلوم کریں۔

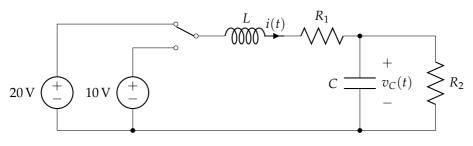
t=0 کے بعد دور کے کرخوف مساوات کھتے ہیں۔

$$L\frac{\mathrm{d}i_(t)}{\mathrm{d}t} + R_1 i_(t) + v_C(t) = 10$$
$$C\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v_C(t)}{R_2} = i(t)$$

نجلی مساوات کی رو کو بالائی مساوات میں پُر کرتے ہوئے

$$L\left[C\frac{\mathrm{d}^2 v_C(t)}{\mathrm{d}t^2} + \frac{1}{R_2}\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t}\right] + R_1\left[C\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v_C(t)}{R_2}\right] + v_C(t) = 10$$

7.4 دورد کی ادوار



شكل 7.24: مثال 7.11 كادور

لعيني

$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + \left[\frac{1}{R_2 C} + \frac{R_1}{L} \right] \frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{R_1}{R_2 L C} v_C(t) = \frac{10}{L C}$$

ملتاہے۔پرزوں کی قیمتیں پُر کرنے سے

(7.53)
$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + 7.9 \frac{dv_C(t)}{dt} + 3v_C(t) = 10$$

حاصل ہوتا ہے جس سے $\sqrt{3}$ سے اور $\omega_0=\sqrt{3}$ اور $\omega_0=\sqrt{3}$ میں۔چونکہ $\zeta=0$ ہے المذا دور زیادہ قصری ہے۔ متعل جبری قوت کی بنا $v_{C,j}(t)=K_1$ متوقع ہے جسے مندرجہ بالا مساوات میں پُر کرنے سے

$$v_{C,j} = \frac{10}{3} \,\mathrm{V}$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.53 میں جبری قوت کو صفر پُر کرنے، یعنی دائیں ہاتھ کو صفر کے برابر پُر کرنے، سے درج ذیل ہم جنسی مساوات حاصل ہو گ

$$\frac{d^2 v_C(t)}{dt^2} + 7.9 \frac{dv_C(t)}{dt} + 3v_C(t) = 0$$

جس کا متوقع حل $v_{C,f}=e^{st}$ متوقع حل کو ہم جنسی مساوات میں پُر کرتے ہوئے $v_{C,f}=e^{st}+7.9se^{st}+3e^{st}=0$

وق ہوتا ہے جس کے دونوں اطراف کو
$$e^{st}$$
 سے تقسیم کرنے سے درج ذیل امتیازی مساوات حاصل ہوتی ہے $s^2+7.9s+3=0$

با<u>7</u>.عبار ضي رد عمس ل

418

جس کے حل

$$s_1 = \frac{-1 - \sqrt{7.9^2 - 4 \times 3}}{2} = -7.5$$
$$s_2 = \frac{-1 + \sqrt{7.9^2 - 4 \times 3}}{2} = -0.4$$

ہیں۔یوں فطری حل درج ذیل ہو گا

$$v_{C,f} = c_1 e^{-7.5t} + c_2 e^{-0.4t}$$

اور مکمل حل

(7.54)
$$\begin{aligned} v_C(t) &= v_{C,j}(t) + v_{C,f}(t) \\ &= \frac{10}{3} + c_1 e^{-7.5t} + c_2 e^{-0.4t} \end{aligned}$$

ہو گا۔

مساوات کے مستقل حاصل کرنے کے لئے ابتدائی معلومات درکار ہیں۔ لمحہ t=0 سے پہلے $20\,\mathrm{V}$ کی منبع دور کو طاقت فراہم کر رہی تھی۔اس بر قرار صورت میں برق گیر کو کھلا دور اور امالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے

$$\begin{split} v_C(0_-) &= v_C(0_+) = 20 \left(\frac{5000}{15000 + 5000} \right) = 5 \, \mathrm{V} \\ i(0_-) &= i(0_+) = \frac{20 - v_C}{R_1} = \frac{20 - 5}{15000} = 1 \, \mathrm{mA} \end{split}$$

ملتے ہیں۔ ابتدائی دیاو کو مساوات 7.54 میں پُر کرتے ہوئے

$$5 = \frac{10}{3} + c_1 e^{-7.5 \times 0} + c_2 e^{-0.4 \times 0}$$

لعيني

$$(7.55) c_1 + c_2 = \frac{5}{3}$$

ملتا ہے۔

ماوات 7.54 کو C سے ضرب دے کر اس کا تفرق لیتے ہوئے

$$C\frac{dv_C(t)}{dt} = 0 - 0.5 \times 7.5c_1e^{-7.5t} - 0.5 \times 0.4c_2e^{-0.4t}$$

7.4. دودر ر کی ادوار

لعيني

$$i_C(t) = -3.75c_1e^{-7.5t} - 0.2c_2e^{-0.4t}$$

ماتا ہے۔ کمحہ $t=0_+$ پر برق گیر کی رو درج بالا مساوات سے

$$i_C(0_+) = -3.75c_1e^{-7.5\times0} - 0.2c_2e^{-0.4\times0}$$

= -3.75c_1 - 0.2c_2

عاصل ہوتی ہے جبکہ ای کھے پر R_2 کی رودرج ذیل ہوگ۔

$$i_{R2}(0_+) = \frac{v_C(0_+)}{R_2} = \frac{5}{5000} = 1 \,\text{mA}$$

چونکہ $i_L(t)=i(t)$ ہی ہے لہذا کرخوف مساوات رو کے تحت

$$i_L(0+) = i_C(0+) + i_{R2}(0_+)$$

 $0.001 = 0.001 - 3.75c_1 - 0.2c_2$

ليعني

$$(7.56) c_1 + c_2 = 0$$

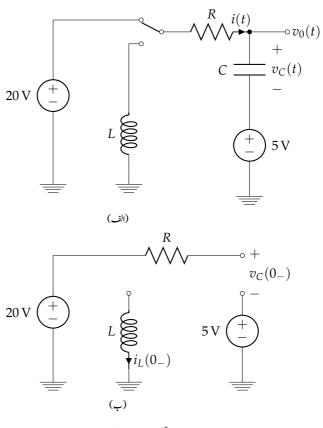
ہو گا۔ مساوت 7.55 اور مساوات 7.56 ہمزاد مساوات کو حل کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$c_1 = -\frac{20}{213}$$
$$c_2 = \frac{125}{71}$$

یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

(7.57)
$$v_C(t) = \frac{10}{3} - \frac{20}{213}e^{-7.5t} + \frac{125}{71}e^{-0.4t}$$

 $v_C(\infty)=rac{10}{3}$ ک پر $t=\infty$ اور $v_C(0_+)=5$ ک و ی جر $v_C(\infty)=\frac{10}{3}$ ک پر متوقع جوابات $v_C(0_+)=5$ ک و ی جر مساوات بر متوقع جوابات کار



شكل 7.25:مثال 7.12 كادور

7.4. دوور ر كي اووار

مثال 7.12: شکل 7.25 میں لمحہ t=0 پر سونج کو امالہ گیر پر لے جایا جاتا ہے۔ $v_0(t)$ دریافت کریں۔پرزوں کی قیمتیں $C=0.04\,\mathrm{F}$ ، $C=0.04\,\mathrm{F$

حل: سوئ الله پر كرنے كے بعد كرخوف مساوات لكھتے ہيں

$$v_C(t) + Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + 5 = 0$$

جہاں

$$i(t) = C \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t}$$

کے برابر ہے۔ درج بالا دو مساوات کو ملاتے ہوئے

$$v_C(t) + RC\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + LC\frac{\mathrm{d}^2v_C(t)}{\mathrm{d}t^2} + 5 = 0$$

ملتا ہے جسے ترتیب دیتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{\mathrm{d}^2 v_C(t)}{\mathrm{d}t^2} + \frac{R}{L} \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{v_C(t)}{LC} = -\frac{5}{LC}$$

(7.58)

پرزوں کی قیمتیں پُر کرنے سے

$$rac{\mathrm{d}^2 v_C(t)}{\mathrm{d}t^2} + 5 rac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t} + 6.25 v_C(t) = -31.25$$
 ماصل ہوتا ہے جس سے $\zeta = 1$ ، $\omega_0 = 2.5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ ماصل ہوتا ہے جس سے $v_{C,j} = K_1 = -5\,\mathrm{V}$

اور ہم جنسی مساوات درج ذیل ملتا ہے۔

$$rac{\mathrm{d}^2 v_C(t)}{\mathrm{d}t^2}+5rac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t}+6.25v_C(t)=0$$
 جنسی مساوات میں e^{st} پُر کرتے ہوئے درج ذیل حاصل کیا جا سکتا ہے $s^2+5s+6.25=0$

باب-7.عــاد ضي ردعمــال

جس کا حل درج ذیل ہے۔

$$s_1 = s_2 = -2.5$$

جے۔ کے تحت دور فاصل قصری ہے اور $s_1=s_2$ ہی متوقع تھا۔ فاصل قصری مساوات کا فطری حل درج ذیل $\zeta=1$

$$v_{C,f}(t) = c_1 e^{-2.5t} + c_2 t e^{-2.5t}$$

يوں مكمل حل

$$(7.59) v_C(t) = -5 + (c_1 + tc_2)e^{-2.5t}$$

ہو گا۔ مکمل حل کے مستقل ابتدائی معلومات سے حاصل کی جاسکتی ہیں۔ ابتدائی معلومات سونچ ہلانے سے پہلے بر قرار حال سے ملتی ہیں۔ لحمہ t=0 سے پہلے بر قرار صورت میں برق گیر کو کھلا دور تصور کرتے ہوئے شکل-ب ماتا ہے جہاں سے

$$v_C(0_-) = v_C(0_+) = 20 - 5 = 15 \text{ V}$$

 $i_L(0_-) = i_L(0_+) = 0 \text{ A}$

 $v_C(0_+)$ پر $v_C(0_+)$ پر $v_C(0_+)$ پر $v_C(0_+)$ پر مساوات 7.59 میں $v_C(0_+)$ پر $v_C(0_+)$ بر مساوات $v_C($

 $c_1 = 20$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 7.59 کو استعال کرتے ہوئے

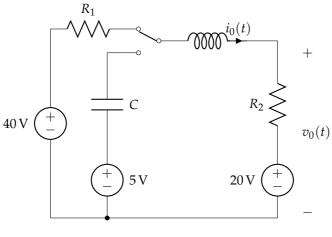
$$i(t) = C \frac{dv_C(t)}{dt}$$

= 0.04 \times (-2.5c_1 + c_2 - 2.5tc_2)e^{-2.5t}

کھا جا سکتا ہے۔ لمحہ t=0 کے بعد شکل-الف کو دیکھتے ہوئے $i_L(t)=-i(t)$ کھا جا سکتا ہے۔ یوں امالہ گیر کی امالہ گیر کی ابتدائی روسے لمحہ t=0 پر t=0 پر t=0 کو درج بالا مساوات میں پُر کرتے $i(0_+)=-i_L(0_+)=0$ پر t=0 $0.04 \times (-2.5c_1+c_2-2.5 \times 0 \times c_2)e^{-2.5 \times 0}$

ہوئے

423. دوور . كي اووار



شكل 7.26:مثق 7.11 كادور

ملتاہے۔یوں مکمل حل کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$v_C(t) = v_{C,j}(t) + v_{C,f}(t)$$

= -5 + (20 + 50t) $e^{-2.5t}$ V

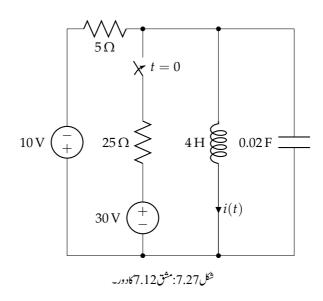
ہمیں $v_0(t)$ درکار ہے جے شکل-الف سے دیکھ کر کھتے ہیں۔

(7.60)
$$v_0(t) = 5 + v_C(t) = (20 + 50t)e^{-2.5t} V$$

L= ، $R_2=22\,\Omega$ ، $R_1=8\,\Omega$ مشق 7.11 شکل 7.26 میں $v_0(t)$ وریافت کریں۔پرزوں کی قیمتیں 4 H اور $C=0.04\,\mathrm{F}$ بیں۔

$$v_0(t)=20+i_0(t)R_2$$
 ، $i_0(t)=2.77e^{-3.8964t}-2.103e^{-1.6043t}$: يابت:

با__7.عبارضي ردعمسل



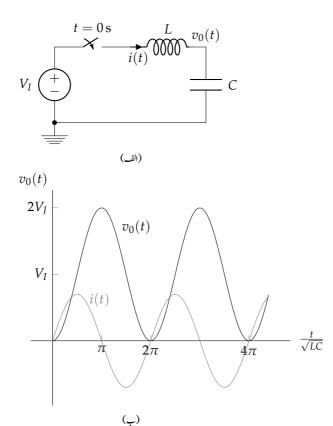
مثق 7.12: شکل 7.27 میں سونے چالو کرنے کے بعد i(t) دریافت کریں۔

 $i(t) = 3 + 1.3035e^{-17.071t} - 6.035e^{-2.9289t}$: بواب:

آئیں عارضی رد عمل کے چند دلچسپ مثال دیکھیں۔

مثال 7.13: صفحہ 377 پر مثال 7.1 میں سلسلہ وار جڑے مزاحت اور بے بار برق گیر کو لمحہ V_I وولٹ V_I وولٹ کے منبع دباو کے ساتھ جوڑا گیا۔ برق گیر پر دباو صفر وولٹ سے بڑھتے بڑھتے آخر کار V_I تک پہنچی ہے۔ اس دور میں مزاحمت کی قیمت کم کرنے سے ابتدائی روکی قیمت بڑھتی ہے حتٰی کہ R=0 کی صورت میں ، توقع کے عین مطابق ،

7.4. دودر رجی ادوار



شكل 7.28: مثال 7.13 كااشكال

لا محدود قیمت کی ابتدائی روحاصل ہوتی ہے۔ حقیقی ادوار میں مزاحت کو بالکل صفر اوہم کرناناممکن ہوتا ہے لہذا حقیقت میں لا محدود روکی بجائے انتہائی زیادہ رویائی جائے گی جویا تو سونچ کو اوریا برق گیر کو تباہ کر دے گی۔

آئیں مزاحمت کی جگہ امالہ گیر نب کرتے ہوئے صورت حال دیکھیں۔شکل 7.28-الف میں بے بار برق گیر کے ساتھ امالہ گیر سلسلہ وار جڑا ہے۔ لحمہ t=0 پر انہیں مستقل منبع دباو V_I کے ساتھ جوڑا جاتا ہے۔ لحمہ t=0 دریافت کریں۔

حل: سونچ چالو کرنے سے پہلے برق گیر بے بار ہے للذااس پر دباو بھی صفر وولٹ ہو گا۔اسی طرح امالہ گیر کی ابتدائی رو

باب-7.عــاد ضي ردعمــل

صفر ہے۔

(7.61)
$$v_C(0_+) = 0 \text{ V}$$
$$i_L(0_+) = 0 \text{ A}$$

سوئ کچ چالو کرنے کے بعد کی کرخوف مساوات لکھتے ہیں۔

(7.62)
$$L\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) dt + v_C(0_+) = V_I$$

مساوات 7.61 کے ابتدائی معلومات کو استعال کرتے ہوئے ہم دیگر ابتدائی معلومات درج بالا مساوات سے حاصل کر سکتے ہیں۔ لمحہ $t=0_+$ یعنی سونج چالو کرنے کے فوراً بعد، درج بالا مساوات میں ابتدائی معلومات پُر کرتے ہوئے حل کرنے ہیں۔ لمحہ سے

$$L\frac{\mathrm{d}i(0_{+})}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_{0}^{0_{+}} i(t) \, \mathrm{d}t + v_{C}(0_{+}) = V_{I}$$
$$L\frac{\mathrm{d}i(0_{+})}{\mathrm{d}t} + 0 + 0 + 0 = V_{I}$$

لعيني

$$\frac{\mathrm{d}i(0_{+})}{\mathrm{d}t} = \frac{V_{I}}{I}$$

حاصل ہوتا ہے جو ابتدائی شرح روہے۔ یہی جواب، $v_C(0_+)=0$ تصور کرتے ہوئے، شکل 7.28 کو دیکھ کر لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 7.62 میں کمل کا نشان ختم کرنے کی خاطر تفرق لیتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}^2 i(t)}{\mathrm{d}t^2} + \frac{i}{LC} = 0$$

تفرقی مساوات حاصل ہوتی ہے جس سے جبری حل

$$i_J(t) = K_1 = 0$$

حاصل ہوتا ہے۔ تفرقی مساوات سے درج ذیل امتیازی مساوات حاصل ہوتی ہے

$$s^2 + \frac{1}{LC} = 0$$

7.4. دوور رجی اووار

جس کے حل درج ذیل ہیں۔

$$s_1 = \frac{j}{\sqrt{LC}}$$
$$s_2 = -\frac{j}{\sqrt{LC}}$$

یوں فطری حل درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$i_F(t) = Ae^{j\frac{t}{\sqrt{LC}}} + Be^{-j\frac{t}{\sqrt{LC}}}$$

$$= (A+B)\cos\frac{t}{\sqrt{LC}} + j(A-B)\sin\frac{t}{\sqrt{LC}}$$

$$= c_1\cos\frac{t}{\sqrt{LC}} + c_2\sin\frac{t}{\sqrt{LC}}$$

مكمل حل

$$i(t) = i_{J}(t) + i_{F}(t) = c_{1} \cos \frac{t}{\sqrt{LC}} + c_{2} \sin \frac{t}{\sqrt{LC}}$$

 $i(0_+)=i_L(0_+)=0$ پر $t=0_+$ ہوگا۔ مساوات کے مستقل ابتدائی معلومات سے حاصل کئے جاتے ہیں۔ لمحہ $c_1=0$ پر کرتے ہوئے تفرق لیتے ہوئے $c_1=0$ پر کرتے ہوئے $c_1=0$ حاصل ہوتا ہے۔ درج بالا مساوات میں

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} = \frac{c_2}{\sqrt{LC}}\cos\frac{t}{\sqrt{LC}}$$

ابتدائی $\frac{\mathrm{d}i(0_+)}{\mathrm{d}t}$ پُر کرنے سے

$$\frac{V_I}{L} = \frac{c_2}{\sqrt{LC}} \cos \frac{0}{\sqrt{LC}}$$

مستقل کی قیت $V_1\sqrt{rac{C}{L}}$ حاصل ہوتی ہے۔یوں مکمل حل درج ذیل ہے۔

$$i(t) = V_I \sqrt{\frac{C}{L}} \sin \frac{t}{\sqrt{LC}}$$

اس مساوات کو استعال کرتے ہوئے برق گیر پر دباو $v_0(t)$ درج ذیل مساوات

$$v_0 = \frac{1}{C} \int_0^t i(t) \, \mathrm{d}t + v_C(0_+)$$

باب.7. عبار ضي ردعمسال

سے

$$(7.65) v_0 = V_I \left(1 - \cos \frac{t}{\sqrt{LC}} \right)$$

حاصل کرتے ہیں جے شکل 7.28-ب میں دکھایا گیا ہے۔

مساوات 7.65 میں حاصل بتیجہ جے شکل 7.28-ب میں و کھایا گیا ہے غور طلب ہے۔اس مساوات کے تحت جب بھی برق گیر کو سونچ کے ذریعے منبع دباوک و گئی چوٹی حاصل ہو گی۔اس شکل میں ہلکی برق گیر کو منبغ دباوک و گئی چوٹی حاصل ہو گی۔اس شکل میں ہلکی سیابی سے مساوات 7.64 کو بھی د کھایا گیا ہے۔دباوک چوٹی مین اس وقت پائی جاتی ہے جب روکی قیت صفر ہو۔

قوی برقیات میں بدلتی رو 31 سے یک سمتی رو 32 بزریعہ سمت کار 33 ماصل کی جاتی ہے۔ سمت کار رو گزار ناروک دیتا میں رو گزار تا ہے۔ یوں عین اس لحمہ جب دور میں رو کی قیمت منفی ہونے کی کوشش کرے، سمت کار رو گزار ناروک دیتا ہے اور برق گیر دگنی دباوی رہ وگنا ہے۔ قوی برقیات کے میدان میں اس حقیقت کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے اور جہال اس دگنی دباوی پہنچ ہو، وہال استعال کئے گئے پرزوں کی استعداد دگنی دباوسے زیادہ ہونی لازمی ہے۔ یوں 100 کی سمتی منبع کے ساتھ کم از کم 200 لا کئے گئے پرزوں کی استعداد دگنی دباوسے زیادہ ہونی لازمی ہے۔ یوں 100 کی کے سمتی منبع کے ساتھ کم از کم 200 لا کرے والا برق گیر استعال کیا جائے گا۔ یہاں یہ بتلانا بھی ضروری ہے آپ کی صورت یہ نہ فرض کر لیں کہ چونکہ آپ نے دور میں امالہ نسب نہیں کیا لہذا آپ کو اس مسئلے سے واسطہ نہیں ہے چونکہ منبع اور برق گیر کو آپ میں جوڑنے والی تار اذخود بطور امالہ گیر کردار ادا کرتی ہے۔ مبلغ دباو اور برق گیر کو ابغیر تار کے آپ میں جوڑنے ہے بطور امالہ گیر کردار ادا کرے کے آپ میں جوڑنے ہے بطور امالہ گیر کی اندرونی لمبائی جس سے رو گزرتی ہے بطور امالہ گیر کردار ادا کرے کے آپ میں ابتدائی رو کو قابل قبول حد تک رکھا مساوات 6.5 کے تحت رو کی چوٹی زیادہ سے زیادہ ہوتی ہے۔ امالہ گیر کی اشت خالے گیر کی استعال سے ابتدائی رو کو قابل قبول حد تک رکھا جاتا ہے۔ قوی برقیات میں ابتدائی رو قابو کرنے کی خاطر امالہ گیر کی جگہ مزاحمت اس لئے استعال نہیں کیا جاتا کہ مزاحمت مات کے استعال نہیں کیا جاتا کہ مزاحمت منائع کرتی ہے جبکہ امالہ گیر طاقت ضائع نہیں کرتی۔

alternating current, AC³¹

direct current, AC³¹
direct current, DC³²
rectifier³³

7.4. دود ر. جي ادوار

مثال 7.14: قوی بوقیات 34 کے میدان میں برقی طاقت کو قابو کیا جاتا ہے۔ یہ طاقت چند واٹ W سے کئی سومیگا واٹ MW تک ہو سکتی ہے۔ شکل 7.29-الف میں مزاحمت R_L کو سور کے ذریعہ منبع دباو سے طاقت فراہم کی گئی ہے۔ سور کے کو چالو اور منقطع کرتے ہوئے مزاحمت کو منتقل طاقت قابو کی جاتی ہے۔ منبع اور مزاحمت کے درمیان امالہ گیر بھی موجود ہے۔ بھی موجود ہے۔

فرض کریں کہ سوئچ آتی دیر سے چالو ہے کہ دور بر قرار صورت اختیار کئے ہوئے ہے۔ یوں امالہ گیر کو قصر دور تصور کرتے ہوئے

$$i_L = \frac{V_I}{R_L} = I_0$$

کھ جا سکتا ہے۔ شکل - ب میں امالہ گیر اور R_m متوازی جڑے دکھائے گئے ہیں جہاں امالہ گیر کی ابتدائی رو I_0 ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایس صورت میں امالہ گیر کی رو درج ذیل مساوات کے تحت آخر کار صفر ہو جائے گ

$$i_L(t) = I_0 e^{-\frac{R}{L}t}$$

اور اس دوران اس پر بر تی د باو

$$v_L(t) = L \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} = -\frac{R}{L} I_0 e^{-\frac{R}{L}t}$$

پایا جائے گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ امالہ گیر پر دباو منفی ہو گا یعنی برتی دباو شکل۔ ب میں دکھائے گئے $v_L(t)$ کے الث ہو گا۔ اب شکل-الف پر دوبارہ غور کریں جہاں سوئے منقطع ہونے کے بعد امالہ گیر کے متوازی لا محدود قیمت کی مزاحمت پائی جائے گی۔ یوں درج بالا مساوات میں دباوکی قیمت منفی اور لا محدود ہوگی۔

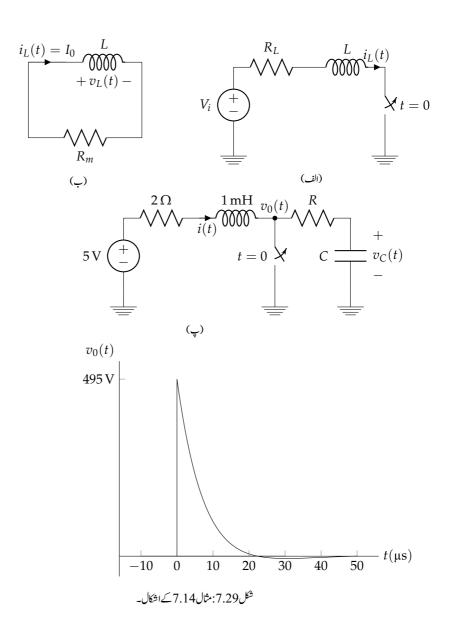
$$v_L(t) = -\frac{\infty}{L} I_0 e^{-\frac{\infty}{L}t}$$

امالہ گیر کی رو جلدی سے منقطع کرنے سے پیدا دباو کو امالی لات³⁵ کہتے ³⁶ ہیں۔لامحدود دباو سوچ پر شعلہ پیدا کرتا ہے جس سے سونچ حجلس سکتا ہے۔ قوی برقیات کے میدان میں کام کرنے والوں کے لئے امالی لات ایک مسلسل درد سرثابت ہوتا ہے۔

سو کچ پر دیاو کی قیت قابو کرنے سے شعلہ روکا جا سکتا ہے۔ دیاو کی قیت تبدیلی رو کی شرح پر منحصر ہے للذااس شرح کو کم کرتے ہوئے دیاو پر قابو پایا جا سکتا ہے۔ شکل-پ میں سو کچ کے متوازی RC جوڑے گئے ہیں۔ شکل-پ میں سو کچ

power electronics³⁴ inductive kick³⁵

³⁶ایسامعلوم ہوتاہے جیسے امالہ گیر غصے میں آکرلات مارتاہے۔



7.4. دوور رجی اووار

منقطع کرنے سے رویک دم صفر نہیں ہو جاتی بلکہ اس کی سمت RC کی طرف مڑ جاتی ہے للذا امالہ گیر میں رو بر قرار رہتی ہے اور لامحدود دباوپیدا ہونے کا جواز ہی نہیں رہتا۔ آئیں R ، L اور C کی قیمتیں حاصل کرنا سیکھیں۔

تصور کریں کہ $V_I=5$ اور $I=1\,\mathrm{mH}$ ہوں برقرار چالو سونے میں امالہ گیر کی رو درج $I=1\,\mathrm{mH}$ ہوگی جے سونے منقطع کرتے وقت کی ابتدائی رولیا جاتا ہے۔

$$i_L(0_-) = i_L(0_+) = \frac{5 \text{ V}}{2 \text{ A}} = 2.5 \text{ A}$$

بر قرار چالو سوئچ کی صورت میں برق گیر پر د باو صفر ہو گا۔

$$v_C(0_-) = v_C(0_+) = 0 \,\mathrm{V}$$

سوئ منقطع کرنے کے بعد دور سلسلہ وار RLC صورت اختیار کر لیتا ہے جس کی تفرقی مساوات درج ذیل ہے۔

(7.66)
$$L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + (R_L + R)i(t) + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) \, \mathrm{d}t + v_C(0_+) = 5$$

اس سے امتیازی مساوات حاصل کرتے ہیں۔

$$s^2+\left(rac{2+R}{L}
ight)s+rac{1}{LC}=s^2+2\zeta\omega_0s+\omega_0^2=0$$
 $\omega_0=100\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور $\zeta=1$ ور $\zeta=1$ باور $\omega_0=100\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور $\zeta=1$ باور $\omega_0=100\,\mathrm{krad}\,\mathrm{s}^{-1}$

حاصل ہوتا ہے۔

اب سوئچ منقطع کرتے وقت کے دباوپر غور کرتے ہیں۔ چونکہ برق گیر کی ابتدائی دباو صفر وولٹ ہے للذا سوئچ منقطع کرنے کے فوراً بعد اس پر ۵۷ ہی ہو گا۔اس لمحہ سوئچ پر دباو

$$v_0(0_+) = i(0_+)R + v_C(0_+) = 2.5 * 198 + 0 = 495 \text{ V}$$

ہو گا۔ سوئج کے متوازی RC نب کرنے سے بے قابو بڑھتے ہوئے دباو پر قابو پاتے ہوئے دباو کو قابل قبول حد تک محدود کیا جاتا ہے۔ قوی بر قیات کے میدان میں سوئج کے متوازی RC نسب کرنا لازمی ثابت ہوتا ہے۔ دباو کی روک تھام کی خاطر سوئج کے متوازی RC دور کو دباو پکڑ³⁷ کہتے ہیں۔

 $\mathrm{snubber}^{37}$

باب.7.عــار ضي ردعمــل

پرزوں کی قیمتیں پُر کرتے ہوئے امتیازی مساوات درج ذیل لکھا جائے گا

$$s^2 + 2 \times 10^5 s + 10^{10} = 0$$

جس کے حل

 $s_1 = s_2 = 100\,000$

سے فطری حل درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

 $i_F(t) = c_1 e^{-100000t} + t c_2 e^{-100000t} = i(t)$

چونکہ جبری حل صفر کے برابر ہے للذا فطری حل ہی مکمل حل i(t) ہے۔ مکمل حل کے مستقل دریافت کرنے کی خاطر ابتدائی $rac{\mathrm{d}i(0_+)}{\mathrm{d}t}$ درکار ہے جسے مساوات 7.66 میں لمحہ $t=0_+$ کے معلومات پُر کرنے

$$10^{-3} \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} \bigg|_{t=0_{+}} + (2+198) \times 2.5 + 0 + 0 = 5$$

 $\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}\bigg|_{t=0} = -495\,000\,\mathrm{V}\,\mathrm{s}^{-1}$

 c_1 عاصل کیا جاسکتا ہے۔ مکمل حل میں $i(0_+)$ پُر کرنے سے c_1 کی قیمت عاصل ہوتی ہے۔ $c_1=2.5$

 $c_2=-245\,000$ پُر کرنے ہے $rac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$ پُر کرنے ہے $c_2=-245\,000$

ملتاہے۔یوں مکمل حل درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

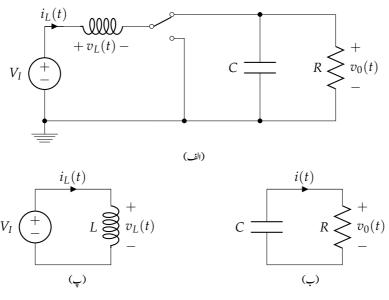
 $i(t) = 2.5e^{-100000t} - 245000te^{-100000t}$

يوں سو پَچ پر د باو درج ذيل ہو گا

$$v_0(t) = Ri(t) + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) dt + v_C(0_+)$$

= 5 + 490e^{-100000t} - 2.4 × 10⁷te^{-100000t}

7.4. دوور تي ادوار



شكل7.30 مثال 7.15 كياشكال ـ

جے شکل 7.29 ت میں دکھایا گیا ہے۔ درج بالا مساوات سے $\infty=0$ پر $v_0=5$ ملتا ہے۔ شکل ت میں اتنی کم مقدار دکھایا ممکن نہیں ہے۔

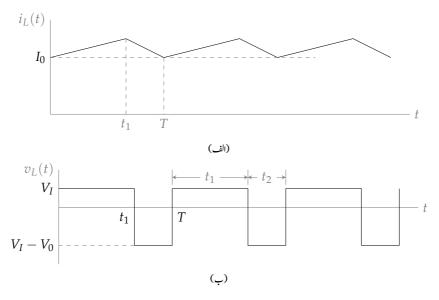
مثال 7.15: شکل 7.30 میں منبع د باو³⁸ کا نہایت مقبول دور د کھایا گیا ہے۔ آپ یقین کے ساتھ کہہ سکتے ہیں کہ آپ کے کمپیوٹر ³⁹اور گھر میں موجود ٹیلیویژن⁴⁰ کو یہی برقی طاقت مہیا کرتا ہے۔ آئیں اس کی کار کردگی پر غور کریں۔

منج میں ایک قطب اور دو چال والا سونج استعال کیا گیا ہے۔ یہ سونج امالہ گیر کو زمین کے ساتھ t_1 دورانے کے لئے اور برق گیر کے ساتھ t_2 دورانے کے لئے جوڑتا ہے۔ یوں سونج کا دوری عرصہ t_2 ہے۔ فرض کریں کہ

switching supply³⁸ computer³⁹

television, TV^{40}

با_7.عــار ضي ردعمــل



شكل 7.31: مثال 7.15 كي اشكال يه

سو پچ صفر دورانیے 41 میں جوڑ تبدیل کرتا ہے لہذا ایسا کبھی بھی نہیں ہو گا کہ امالہ گیر کی رویک دم رو کی جائے۔دوران t_1 منبع کو دو علیحدہ علیحدہ ادوار نضور کیا جا سکتا ہے جنہیں شکل-ب اور شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔

دوران t_1 امالہ گیر کی رو مسلسل بڑھتی ہے جس سے امالہ گیر میں ذخیرہ توانائی $W = \frac{Li_1^2}{2}$ بڑھتی ہے۔ اس دوران مزاحمت کو برق گیر طاقت فراہم کرتا ہے للذا برق گیر کا دباو مسلسل گھٹتا ہے۔ دوران t_2 امالہ گیر کی رو کا پچھ حصہ برق گیر میں بار بھرتا ہے جبکہ بقایا حصہ مزاحمت سے گزرتا ہے۔ امالہ گیر کی رو یک دم تبدیل نہیں ہو سکتی للذا اس دوران امالہ گیر کی رو بتدر تکے گھٹتی ہے اور امالہ گیر میں ذخیرہ توانائی برق گیر اور مزاحمت کو منتقل ہوتا ہے۔ دور سے سلسلہ لگاتار دہراتا ہے۔ یوں آپ دوران امالہ گیر اور مزاحمت کو منتقل کرتا ہے۔ یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ t_1 کے ابتدا اور t_2 کے اختتام پر امالہ گیر میں رو کی قیمت کیسال طور پر t_3 موگل t_4 سکل t_5 بر قصیلاً غور جو گی ہوگی۔ شکل t_6 بر آخل کورکھایا گیا ہے۔ آئیں دوران t_1 شکل t_5 بر اور شکل t_6 بر تفصیلاً غور کریں۔

41

7.4. دودر رجی ادوار

دوران t_1 امالہ گیر کے لئے شکل-پ کو دیکھتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} = \frac{V_I}{L}$$

یا

(7.67)
$$i_{L}(t) = \frac{1}{L} \int_{0}^{t_{1}} v_{L}(t) dt + i_{L}(0_{+})$$

$$= \frac{1}{L} \int_{0}^{t_{1}} V_{I} dt + I_{0}$$

$$= \frac{V_{I}}{L} t_{1} + I_{0} \qquad 0 < t < t_{1}$$

 $W=egin{array}{l} egin{array}{l} egin{arr$

$$v_0(t) = V_0 e^{-\frac{t}{RC}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ حقیقت میں RC وقتی مستقل کی قیمت سو کچ کے دوری عرصہ T سے بہت کم $RC \gg R$ ہوتی ہے لہذا t_1 کے دوران برق گیر کے دباو میں تبدیلی قابل نظر انداز ہوتی ہے۔ یوں برق گیر کے دباو کو مستقل تصور کیا جا سکتا ہے۔

آئیں اب t_2 کے دوران صورت حال پر غور کریں۔ سادہ مساوات کے حصول کی خاطر برق گیر کی دباو کو مستقل مقدار V_0

$$\frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} = \frac{V_I - V_0}{I}$$

کھا جا سکتا ہے۔ دورانی_{د ل}و کی ابتدائی رو مساوات 7.67 کی اختتا می روہو گی۔یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

(7.68)
$$i_{L}(t) = \frac{1}{L} \int_{t_{1}}^{t_{1}+t_{2}} v_{L}(t) dt + \left[\frac{V_{I}}{L} t_{1} + I_{0} \right]$$

$$= \frac{1}{L} \int_{t_{1}}^{t_{1}+t_{2}} (V_{I} - V_{0}) dt + \left[\frac{V_{I}}{L} t_{1} + I_{0} \right]$$

$$= \frac{V_{I}}{L} (t_{1} + t_{2}) - \frac{V_{0}}{L} t_{2} + I_{0}$$

$$t_{1} < t < (t_{1} + t_{2})$$

بـــــ 7. عـــار ضي رد عمـــال

جہاں ابتدائی رو کو چکور قوسین میں بند لکھا گیا ہے اور آخری قدم پر نتائج کو ترتیب دیتے ہوئے پیش کیا گیا ہے۔

 t_2 جیسے شکل 7.31-الف میں دکھایا گیا ہے، لمحہ t_2 کے اختتام پر امالہ گیر کی رووہ ہو گی جو t_1 کی ابتدا پر ہے۔ اگر یہ امالہ کیر میں بتدریج بڑھتی رہے گی حتٰی کہ آخر کاریہ امالہ گیر کی روہر چکر میں بتدریج بڑھتی رہے گی حتٰی کہ آخرکاریہ امالہ گیر کو تباہ کر دے گی۔ اس طرح اگر t_2 کے اختتام پر روکی قیمت بتدریج کم ہوت ہر چکر میں روکی قیمت بتدریج کم ہوت ہوئے صفر ہو جائے گی۔ منبع دباوکی صحیح کار کردگی کے لئے ضروری ہے کہ t_1 کی ابتدا پر اور t_2 کی اختتام پر روکی قیمت یک برابر رہے۔ ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے مساوات 7.68 کی اختتامی روکو t_1 کے برابر پُر کرتے ہوئے صل کرتے ہیں

$$\frac{V_I}{L}(t_1 + t_2) - \frac{V_0}{L}t_2 + I_0 = I_0$$

$$\frac{V_I}{L}T = \frac{V_0}{L}t_2$$

جہاں دوسری قدم پر $t_1+t_2=T$ کھھا گیا ہے۔یوں درج ذیل حاصل ہوتا ہے

$$V_0 = V_I \frac{T}{t_2} = V_0 \frac{T}{T - t_1} = \frac{V_0}{1 - \frac{t_1}{T}}$$

جس میں

$$(7.69) D = \frac{t_1}{T} (0 < D < 1)$$

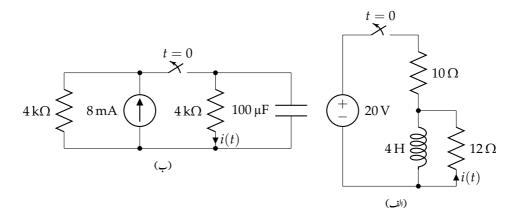
لکھتے ہوئے

$$(7.70) V_0 = \frac{V_I}{1 - D}$$

ملتا ہے۔وقت t_1 اور دوری عرصہ T کی شرح D کو فعال عوصہ 42 ہیں جسے عموماً فی صد کی صورت میں بیان کیا جاتا ہے۔ لہذا 40% فعال عرصے کی مراد $t_1=0.47$ ہے۔

یبال غور کریں کہ D ہند D ہند D مثبت ہوگا جبکہ اس کی قیمت صفر تا اکائی D ہمکن ہے۔ یوں درج بالا مساوات کے تحت D ہند D ہوگا یعنی خارجی دباو کی قیمت داخلی دباو سے زیادہ ہوگا۔ اس لئے اس منبع کو اٹھان منبع D کی مدد سے تبدیل کیا جاتا ہے۔ منبع کو اٹھان منبع D کی مدد سے تبدیل کیا جاتا ہے۔ منبع کو اٹھان منبع D کی مدد سے تبدیل کیا جاتا ہے۔

duty cycle⁴² boost converter⁴³ 7.4. دودر ر کی ادوار



شكل 7.32: سوال 7.1 اور سوال 7.3 كے ادوار

سوالات

سوال 7.1: شکل 7.32-الف میں سونچ منقطع کرنے کے بعد i(t) دریافت کریں۔

 $i(t) = 2e^{-3t} A$:واب

سوال 7.2: شکل 7.32-ب میں سونے منقطع کرنے کے بعد i(t) دریافت کریں۔

 $i(t) = 4e^{-\frac{5t}{2}} \, \text{mA}$:واب

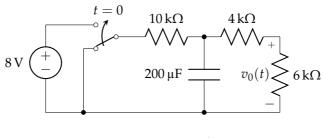
سوال 7.3: شکل 7.33 میں t=0 پر سونچ کو منبع کی جانب کر دیا جاتا ہے۔ اس کمجے کے بعد $v_0(t)$ دریافت کریں۔

 $v_0(t) = \frac{12}{5}(1 - e^{-t}) V$:

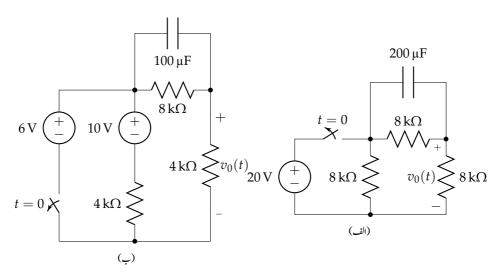
 $v_0(t)$ الف میں $v_0(t)$ کو t>0 کے لئے حاصل کریں۔

 $v_0(t) = -5e^{-\frac{15t}{16}} V$:

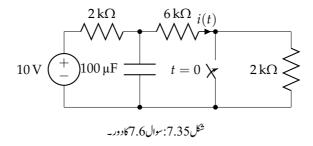
 $v_0(t)$ کو $v_0(t)$ کے لئے حاصل کریں۔ $v_0(t)$ کو $v_0(t)$ کے الکے حاصل کریں۔



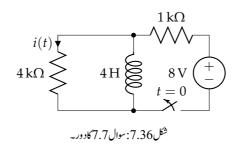
شكل 7.33:سوال 7.3كادور

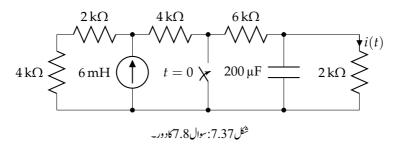


شكل 7.34: سوال 7.4 اور سوال 7.5 كے ادوار۔



7.4. دودر ر کی ادوار





$$v_0(t) = \frac{5}{2} + \frac{1}{2}e^{-\frac{5t}{2}}$$
 V : يواب

سوال 7.6: شکل 7.35 میں
$$i_0(t)$$
 کو $t>0$ کے لئے حاصل کریں۔

$$i(t) = \frac{5}{4} + \frac{1}{12}e^{-\frac{20t}{3}} \text{ mA}$$
:

$$-$$
 سوال 7.7: شکل 7.36 میں $i_0(t)$ کو $t>0$ کے لئے حاصل کریں۔

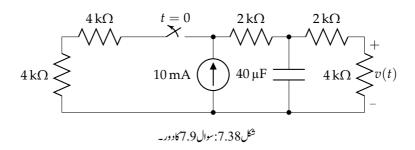
$$i(t) = -8e^{-1000t} \,\mathrm{mA}$$
: $(t) = -8e^{-1000t} \,\mathrm{mA}$

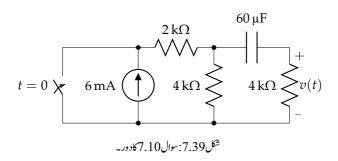
$$-$$
 سوال 7.3 : شکل 7.37 میں $i_0(t)$ کو $t>0$ کے لئے حاصل کریں۔

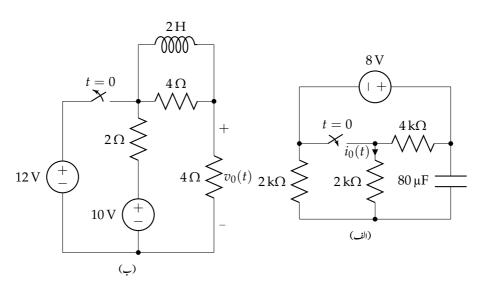
$$i(t) = 2e^{-\frac{10t}{3}} \,\text{mA}$$
:

$$v_0(t)$$
 کو $t>0$ کے لئے حاصل کریں۔ $v_0(t)$ کو $t>0$ کے الئے عاصل کریں۔

$$v(t) = 40 - 20e^{-\frac{25t}{6}} \text{ V}$$
: $e^{-\frac{25t}{6}}$

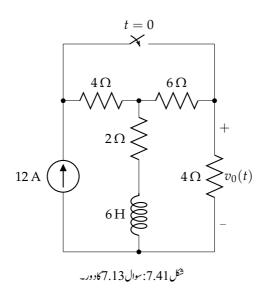






شكل 7.40: سوال 7.11 اور سوال 7.12 كے اد وار

7.4. دودر رجی ادوار



 $v_0(t)$ کو t>0 کے لئے ماصل کریں۔ $v_0(t)$ کو t>0 کے لئے ماصل کریں۔

$$v_0(t) = -18e^{-\frac{25t}{8}} \, \mathrm{V}$$
 :واب

- سوال 7.11: شکل 7.40-الف میں $i_0(t)$ کو t>0 کے لئے حاصل کریں۔

$$i_0(t) = 5e^{-\frac{25t}{2}} \,\mathrm{mA}$$
 :براب

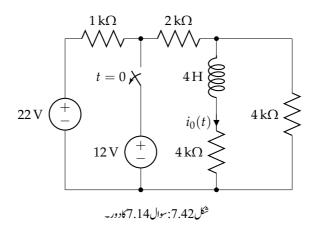
 $v_0(t)$ کو t>0 کے لئے حاصل کریں۔ $v_0(t)$ کو $v_0(t)$ کے الئے حاصل کریں۔

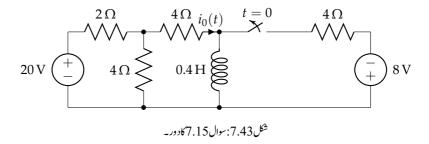
$$v_0(t) = \frac{112}{15}e^{-\frac{6t}{5}} - \frac{20}{3} \text{ V}$$

 $v_0(t)$ کو t>0 کے لئے حاصل کریں۔ $v_0(t)$ کو t>0 کے لئے عاصل کریں۔

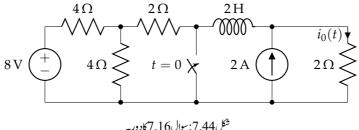
$$v_0(t) = \frac{176}{7} - \frac{120}{7}e^{-\frac{7t}{5}}$$
 V :باب

- سوال 7.14: شکل 7.42 میں $i_0(t)$ کو t>0 کے لئے حاصل کریں۔





443 7.4. دودر جی ادوار



$$i_0(t) = \frac{11}{5} - \frac{7}{10}e^{-\frac{10000t}{7}} \,\mathrm{mA}$$
 :باب

سوال 7.15: شکل 7.43 میں $i_0(t)$ کو t > 0 کے لئے حاصل کریں۔

$$i_0(t) = 3e^{-\frac{40t}{3}} - 2.5 \,\mathrm{A}$$

سوال 7.16: شکل 7.44 میں $i_0(t)$ کو t > 0 کے لئے حاصل کریں۔

$$i_0(t) = 2e^{-t} \, \mathbf{A} : \mathfrak{S}$$
واب:

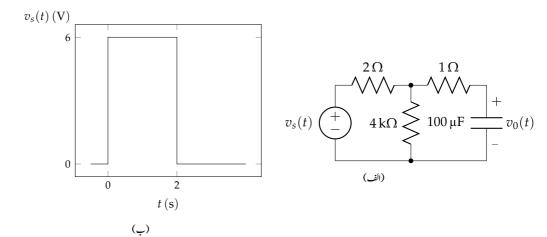
سوال 7.17: شکل 7.45-الف میں $v_0(t)$ کو t>0 کے لئے حاصل کری۔ داخلی اشارہ شکل -ب میں دیا گیا ہے۔

جواب:

$$v_0(t) = \begin{cases} 4(1 - e^{-\frac{30t}{7}}) & 0 < t < 2\\ 4(1 - e^{-\frac{60}{7}})e^{-\frac{30}{7}(t-2)} & 2 < t \end{cases}$$

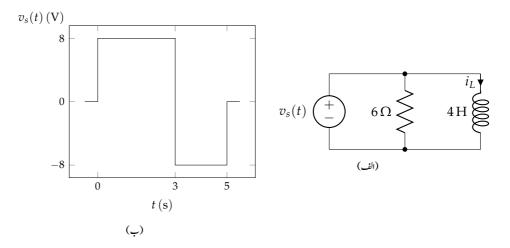
 $t=5\,\mathrm{s}$ ، $t=3\,\mathrm{s}$ و کو برابر ہے۔ امالہ کی روصفر کے برابر ہے۔ امالہ کی روکو $t=5\,\mathrm{s}$ ، t=0اور $t=6\,\mathrm{s}$ یر دریافت کریں۔ داخلی اشارہ شکل -ب میں دیا گیا ہے۔ امالہ کو کامل تصور کریں۔

سوال 7.19: ایک دور کی تفرقی مساوات درج ذیل ہے۔
$$i(t)$$
 کی مساوات حاصل کریں۔ $rac{\mathrm{d}^2i}{\mathrm{d}t^2}+5rac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}+6i=0$



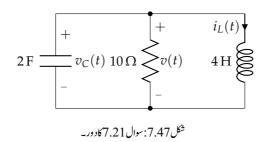
444

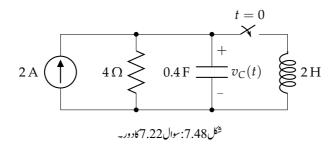
شكل 7.45: سوال 7.17 كادور



شكل 7.46: سوال 7.18 كادور

7.4 وورد كي ادوار





$$i(t) = c_1 e^{-2t} + c_2 e^{-3t}$$
 جوابات:

سوال 7.20: ایک دورگی تفرقی مساوات درج ذیل ہے۔
$$i(t)$$
 کی مساوات حاصل کریں۔ $rac{\mathrm{d}^2 v}{\mathrm{d}t^2}+7rac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}+6v=0$

$$v(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{-6t}$$
 جوابات:

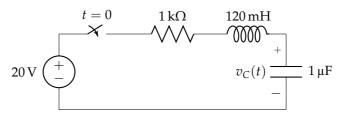
 $v_C(0)=15\,\mathrm{V}$ سوال 7.21: شکل 7.47 میں امالہ کی ابتدائی رو $a_L(0)=2\,\mathrm{A}$ ہے اور برق گیر کا ابتدائی دباو $v_C(0)=15\,\mathrm{V}$ کی مساوات حاصل کریں۔ بابتدائی $\frac{\mathrm{d} v(t)}{\mathrm{d} t}$ دریافت کریں۔ دباو v(t) کی مساوات حاصل کریں۔

$$v(t) = e^{-rac{t}{40}} [15\cosrac{\sqrt{199}t}{40} - rac{55}{\sqrt{199}}\sinrac{\sqrt{199}t}{40}]\,\mathrm{V}$$
 ، $rac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} = -1.75\,\mathrm{V}\,\mathrm{s}^{-1}$. وابات:

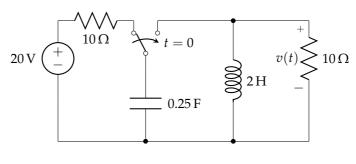
 $\frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t}$ سوال 7.22: شکل 7.48 میں ازل سے منقطع سونے کو t=0 پر چالو کیا جاتا ہے۔ سونے چالو کرنے کے فوراً بعد $v_C(t)$ کی قیمت دریافت کریں۔

$$v_C(t) = e^{-rac{5t}{10}} [8\cosrac{\sqrt{295}t}{16} + rac{40}{\sqrt{295}}\sinrac{\sqrt{295}t}{16}] \, ext{V}$$
 ، $rac{\mathrm{d}v_c(t)}{\mathrm{d}t} = 0 \, \mathrm{V} \, \mathrm{s}^{-1}$.

با__7.عبارضي ردعمبال



شكل 7.49: سوال 7.23 كادور



شكل7.50: سوال7.24 كادور ـ

 $v_C(t)$ عن کی مساوات $v_C(t)$ کی قیمت دریافت کریں۔ $v_C(t)$ کی مساوات $v_C(t)$ کی مساوات $v_C(t)$ کی مساوات $v_C(t)$ کی عاصل کریں۔

جوابات:

$$\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} \bigg|_{t=0_{+}} = \frac{500}{3} \,\mathrm{A} \,\mathrm{s}^{-1}$$

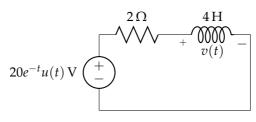
$$v_{C}(t) = 20 + 3.8675e^{-\frac{2500}{3}(\sqrt{13}+5)t} - 23.8675e^{\frac{2500}{3}(\sqrt{13}-5)t}$$

سوال 7.24: شکل 7.50 میں لمحہ $t=0_+$ پر سونج کو دوسری جانب کر دیا جاتا ہے۔ اس کمح قیمت دریافت کریں۔ v(t) کی مساوات v(t) کے لئے حاصل کریں۔

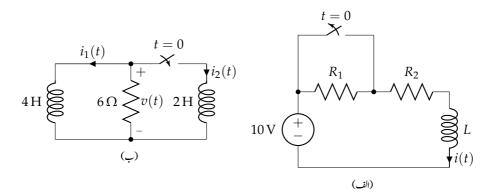
$$v(t)=e^{-rac{t}{5}}(20\cosrac{7t}{5}-rac{20}{7}\sinrac{7t}{5})\,\mathrm{V}$$
 ، $rac{\mathrm{d}v(0_+)}{\mathrm{d}t}=-8\,\mathrm{V}\,\mathrm{s}^{-1}$: يابت:

v(t) وریافت کریں۔ v(t) وریافت کریں۔

7.4 ووور تي ادوار



شكل 7.51: سوال 7.25 كادور



شكل 7.52: سوال 7.26 كادور ـ

$$v(t) = [30e^{-t} - 10e^{-\frac{t}{2}}]u(t) \text{ V}$$
 جواب:

 R_2 ، R_1 ہے۔ رور میں $i(t)=\frac{5}{3}(1+2e^{-2t})$ A ہوں t=0 ہوں جہد ور میں $i(t)=\frac{5}{3}(1+2e^{-2t})$ اور $i(t)=\frac{5}{3}(1+2e^{-2t})$ کی قیمتیں دریافت کر س

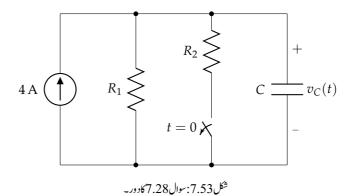
$$L=3\,\mathrm{H}$$
 ، $R_2=2\,\Omega$ ، $R_1=4\,\Omega$: راب:

 $i_2(0_+)$ -ب میں $i_1(0_-)=6$ میں بر سونج کو چالو کیا جاتا ہے۔ $i_1(0_-)=6$ میں بر سونج کو چالو کیا جاتا ہے۔ $i_1(t o \infty)$ اور $v(0_+)$

$$i_1(t o\infty)=0\,\mathrm{A}$$
 ، $v(0_+)=-36\,\mathrm{V}$ ، $i_2(0_+)=0\,\mathrm{A}$: بابت

 $v_C(t)=120-80e^{-rac{t}{2}}$ کیا جاتا ہے جس کے بعد R_2 پر t=0 پر R_2 پر t=0 بعد R_2 براہ برتا ہوتا ہے۔ دور میں R_2 ، R_1 اور R_2 کی قیمتیں دریافت کریں۔

باب.7.عــار ضي ردعمــل



 $20e^{-2t}u(t) \vee \underbrace{\begin{pmatrix} 6\Omega & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\ + & v_C(t) \end{pmatrix}}_{+} + \underbrace{\begin{pmatrix} C & C \\$

 $C=0.1\,\mathrm{F}$ ، $R_2=10\,\Omega$ ، $R_1=20\,\Omega$: چاپ

 $v_C(t)=rac{20}{7}[e^(-rac{t}{4})-e^(-2t)]$ کی قیمتیں دریافت $v_C(t)=rac{20}{7}[e^(-rac{t}{4})-e^(-2t)]$ کی قیمتیں دریافت کریں۔

 $C = 0.4 \, \mathrm{F}$ جواب:

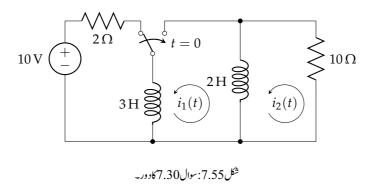
سوال 7.30: شکل 7.55 میں ازل سے منبغ دور کے ساتھ منسلک ہے جس کو t=0 پر دور سے منقطع کیا جاتا ہے۔دور میں $i_2(t)$ اور $i_2(t)$ دریافت کریں۔

جواب:

$$i_1(t) = -2e^{-\frac{25t}{3}} - 3 \text{ A}$$

 $i_2(t) = -3e^{-\frac{25t}{3}} - 3 \text{ A}$

4.49. دودر ر کی ادوار



باب17 بر قرار سوالات