برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

| ix | | ديباچه |
|----|------------------------------------------------|------------|
| 3 | <i>ڡ</i> ؙ <i>ڹ</i> | 1 بنیادی خ |
| 3 | ينياد ي اکائيال | 1.1 |
| 3 | غيرستى | 1.2 |
| 4 | سمتير | 1.3 |
| 5 | | 1.4 |
| 5 | 1.4.1 كارتيسى محدد ي نظام | |
| 7 | 1.4.2 نىکى محددى نظام | |
| 9 | سمتيررقبر | 1.5 |
| 11 | رقبه عمودی تراش | 1.6 |
| 12 | ىر قى اور مقناطىيى مىدان | 1.7 |
| 12 | 1.7.1 برتی میدان اور برتی میدان کی شدت | |
| 13 | 1.7.2 متناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت | |

iv

| 13 | سطحی اور محجمی کثافت | 1.8 | |
|------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------|---|
| 13 | 1.8.1 سطى كثافت | | |
| 14 | حجى كثافت | 1.9 | |
| 15 | صليبي ضرب اور ضرب نقطه | 1.10 | |
| 15 | 1.10.1 صلیبی ضرب | | |
| 17 | 1.10.2 نقطی ضرب | | |
| 20 | تفرق اور جزوی تفرق | 1.11 | |
| 20 | خطی تکمل | 1.12 | |
| 21 | سطى تكمل | 1.13 | |
| 22 | مر حلی سمتیه | 1.14 | |
| | | | |
| 27 | ادوار | 2 مقناطیسی | 2 |
| 2727 | اد دار مزاحمت اور نچکچا ہٹ | | 2 |
| | | 2.1 | 2 |
| 27 | مزاحمت اور پچکچا بٹ | 2.1 | 2 |
| 2728 | مزاحمت اور نچکچاہٹ | 2.1 2.2 2.3 | 2 |
| 27283032 | مزاحمت اور نچکپا به شد | 2.1 2.2 2.3 2.4 | 2 |
| 2728303234 | مزاحمت اور انگیاپت گافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار مقناطیسی دور حصه اول گافت ِمقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شدت | 2.1 2.2 2.3 2.4 | 2 |
| 27 28 30 32 34 36 | مزاحمت اور نچکپا به شد کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی اد وار متناطیسی دور حصد اول کثافت ِ مقناطیسی بهاو اور مقناطیسی میدان کی شدت متناطیسی دور حصد دوم | 2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6 | 2 |
| 27 28 30 32 34 36 40 | مزاحمت اور نیکچا په ت کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی اد وار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِمتناطیسی بهاوادر متناطیسی میدان کی شدت متناطیسی دور حصه دوم | 2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6 | 2 |

عـــنوان

| 57 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | ^ | نسفار | ٹران | 3 |
|-----|---|--|---|---|--|---|--|--|---|---|---|---|--|--|--|----|------|-----|------|-------|-------|-----|--------|-------|---------|-------------|----------|--------------|-------|-------|---------|----------|-------|------|---|
| 58 | | | | | | • | | | • | | | | | | | | | | | | | | | | | | ت | اہمیہ | کی | ار م | رانسفا | * | 3 | .1 | |
| 61 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | مام | لحاقه | ر_ | ار م | رانسفا | رُ | 3 | .2 | |
| 61 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | باو | قىد | الی بر | ا | 3 | .3 | |
| 63 | | | | | | | | | | | • | | | | | | | • | | | | | | ياع | ىن | قالب | واور | قىرو | ربرا | انگيز | بجان | Ĩ | 3 | .4 | |
| 66 | • | | • | | | • | | | • | • | | | | | | | | | | | Ü | واح | کے خو | رو_ | _ قی | له | تباد | واور | ادبا | برقی | بادله | تې | 3 | .5 | |
| 70 | | | | | | | | | | | • | | | | | | | | | | | | ژ | با |)جان | رائح | كاابتا | وجھ | ب بو | جانبه | انوی. | ť | 3 | .6 | |
| 71 | | | | | | • | | | | | | | | | | | | | | | | ب | طله | الار | نطوا | ير پر نق | ت | علام | کی | ار م | رانسفا | <i>*</i> | 3 | .7 | |
| 72 | | | | | | | | | | | • | | | | | | | • | | | | | | | | | | لہ . | نبادا | ك كا: | كاور | 'n | 3 | .8 | |
| 77 | | | | | | | | | | | • | | | | | | | • | | | | | | | بئر | يميد | ك-ا | ولر <u>.</u> | کاو | ار م | رانسفا | , | 3 | .9 | |
| 79 | | | | | | | | | | | • | | | | | | | • | | | | | ار | ادو | باوك | رمر | بداور | امال | ر_ | ار م | رانسفا | , | 3.1 | 0 | |
| 79 | | | | | | | | | | | | | | | | نا | ہ کر | نده | عليح | امليه | امتعه | کی | .اگ | ف اور | حمت | مزا | ے کی | " | 3 | 3.1 | 0.1 | 1 | | | |
| 81 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | . ، | نامال | دِست | 3 | 3.1 | 0.2 | 2 | | | |
| 82 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | ن | ران | کےاث | _, | لب | ور قا | رواه | ۔ تی | ی بر | ثانو | 3 | 3.1 | 0.3 | 3 | | | |
| 83 | | | | | | | | | | | • | • | | | | | | | | | | باو | قى د | بابر | كالمالخ | يھے | ب ی - | ثانو | 3 | 3.1 | 0.4 | 4 | | | |
| 83 | | | | | | | | | | | | | | | | ت | رار | اثر | 2 | مله | متعا | ور | تا | زاحمه | کی مز | ر گھے | ب ی | ثانو | 3 | 3.1 | 0.5 | 5 | | | |
| 85 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | وليه | . تبا | انب | ناج | نانو ک | ئىية | بتدا | 16. | وٹ | رکا | 3 | 3.1 | 0.6 | 5 | | | |
| 87 | | | | | | | | | | | | | | | | | | ار | ادوا | وی | مسا | ين | ەتر | ساد | کے | . مر | سفار | ٹران | 3 | 3.1 | 0.7 | 7 | | | |
| 88 | | | | | | • | | | | | | | | | | | | | | | | | | ائنه | ر مع | ردو | ركس | نداو | حا يَ | ورم | کھلے و | <u>-</u> | 3.1 | 1 | |
| 89 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | ئنہ | معا | دور | كطلا | 3 | 3.1 | 1.1 | 1 | | | |
| 91 | | | | | | | | | | | • | | | | | | | | | | | | | | ئنه | معا | ردور | كم | 3 | 3.1 | 1.2 | 2 | | | |
| 95 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | • | | ٠. | رمر | نسفا |)ٹرا | وري | نين و | ; | 3.1 | 2 | |
| 103 | | | | _ | | | | | | | | | | | | | | | زر | کا گز | ارو | رق | ی ر | ه محر | ز باد | لمحد | تے | لو کر | حال | ار م | . انسفا | ٹر | 3.1 | 3 | |

vi

| ميكاني توانائي كا باجمي تبادله | برقی اور | 4 |
|----------------------------------------------------|-----------------|---|
| مقناطیسی نظام میں قوت اور قوت مروڑ | 4.1 | |
| تبادليه توانائي والاايك لچھے كانظام | 4.2 | |
| توانائي اور ڄمه توانائي | 4.3 | |
| متعدد کیچھوں کامتناطیسی نظام | 4.4 | |
| شین کے بنیاد کی اصول | گو <u>متے</u> ^ | 5 |
| تانون فیراڈے | 5.1 | |
| معاصر مشين | 5.2 | |
| محرک برقی دیاد | 5.3 | |
| ت المعلى المعلى المعناطيسي دياو | 5.4 | |
| 5.4.1 بدلتي رووالے مشين | | |
| مقناطیبی د باو کی گھومتی موجیں | 5.5 | |
| 5.5.1 ایک دورکی لپنی مشین | | |
| 5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجربيه | | |
| 5.5.3 تين دور کي لپيغي مشين کاتر سيمي تجربيه | | |
| محرک برقی دباو | 5.6 | |
| 5.6.1 بدلتي روبر قي جزيئر | | |
| 5.6.2 کیک سمتی روبرتی جزیئر | | |
| ہموار قطب مثینوں میں قوت مروڑ | 5.7 | |
| 5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی قوت مر وڑ کا حماب | | |
| . 5.7.2 مقناطیری براد سرمرکانی قویت م وژکاحیاب | | |

vii

| ر مشين 179 | ال حال، بر قرار چالو معاص | 6 كيا |
|------------------------|---------------------------|-------|
| ىرمشين | 6 متعدد مرحله معاص | .1 |
| امالہ | 6 معاصر مشین کے ا | .2 |
| الله | 6.2.1 نود | |
| تر که الله | 6.2.2 شخ | |
| صراماله | 6.2.3 معا | |
| ماوى دوريارياضى نمونه | 6 معاصر مثين كامسا | .3 |
| لى | 6 برقی طاقت کی منتقا | .4 |
| ر چالو مثین کے خصوصیات | 6 كيسان حال، برقرار | .5 |
| 196 | 6.5.1 معا | |
| 197 | 6.5.2 معا | |
| رمعائنه | 6 کھلے دوراور کسرِ دو | .6 |
| يەدور معائنە | 6.6.1 | |
| ر دور موائد | 6.6.2 کبر | |

| 211 | امالی مشیر | 7 |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------|--------|
| ساكن كېھوں كى گھومتى مقناطىيى موخ | 7.1 | |
| مشین کی سر کنے اور گھومتی موجول پر تبعرہ | 7.2 | |
| ساكن كېھول مين امالي بر قي د باو | 7.3 | |
| ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباو | 7.4 | |
| گھومتے کچھوں کی گھومتی متناطبیبی دباو کی موج بی میں باوی موج بیان کے مصلے میں متناطبیبی دباوی موج بیان کے مصلے | 7.5 | |
| گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے ۔ | 7.6 | |
| المالي موشر كامساوى برقى دور | 7.7 | |
| مىاوى برقى دورېرغور | 7.8 | |
| المالى موٹر كامساوى تقونن دوريارياضى نمونىد | 7.9 | |
| پنجرانماامالي موٹر | 7.10 | |
| بے بوچھ موٹراور جامد موٹر کے معائنہ | 7.11 | |
| 7.11.1 بے بو چھ موٹر کا معائنہ | | |
| 7.11.2 جامد موٹر کامعا نند | | |
| رومشين | يك سمتى | 8 |
| ميكاني ست كاركي بنيادى كاركروگى | 8.1 | |
| 8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل | | |
| يك ستى جزيرً كى برقى د باو | 8.2 | |
| قوت مرور الله الله الله الله الله الله الله الل | 8.3 | |
| يروني بيجان اور خود بيجان يك سمتى جزير | 8.4 | |
| يک سمتی مشين کی کار کرو گی کے خط | 8.5 | |
| 8.5.1 حاصل برتی د باو بالقابل برتی بوجھ | | |
| 8.5.2 رفتار بالمقابل قوت مرور مرور 8.5.2 | | |
| 269 | لً | فرہنًا |

عـــنوان

0.8.3

باب5

گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا جائے گا۔ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قشم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

5.1 قانون فيراد ك

قانور فیراڈے 1 کے تحت جب بھی کسی کچھے کا ارتباط بہاو λ وقت کے ساتھ تبدیل ہو، اس کچھے میں برقی دباو پیدا ہو گا:

$$(5.1) e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

چونکہ ہمیں برقی دباو کی قیمت ناکہ اس کے ہے ہے ولچین ہے لہذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔

گھومتے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے پیدا کی جا سکتی ہے۔مثلاً کچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھما کر یا ساکن کچھے میں مقناطیس گھما کر، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law¹

ان برقی مشینوں میں کھیے مقناطیسی قالب2 پر لیکٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زبادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو حاصل کیا جاتا ہے اور کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ مزید قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کے مقام پر پہنچایا جاتا ہے۔

ان مشینوں کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو3 پیدا ہوتا ہے۔ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر باریک لوہے کی پتری⁴ تہہ در تہہ رکھ قالب بنایا جاتا ہے ۔ ۔ آپ کو باد ہو گا، ٹرانسفار مر کا قالب بھی اسی طرح بنایا جاتا ہے۔

5.2 معاصر مثين

شکل 5.1 میں معاصر برقی جزیٹر کا ایک بنیادی شکل د کھایا گیا ہے۔ اس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاور ہی $heta_m$ سے بتلائی جاتی ہے۔ افقی کلیر سے گھڑی کے الٹ سمت زاور ہی

یمال کچھ یا تیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیس ایک مقررہ رفتار سے، فی سیکنڈ n مکمل چیر کاٹیا ہو تب ہم کہتے ۔ ہیں کہ اس مقناطیس کے گھومنے کا تعدد n ہر ٹز 5 ہے۔اسی بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیس 60n چکر فی منٹ⁶ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ حانتے ہیں کہ ایک چکر °360 زاویہ یا 2π ریڈیٹن ⁷ پر مشتمل ہوتا ہے للذا گومنے کی اس رفتار کو $2\pi n$ ریڈیئن فی سیکٹڈ بھی کہہ سکتے ہیں۔ یوں اگر مقناطیس f ہرٹز کی رفتار سے گھوم رہا ہو تب مہ $2\pi f$ ریڈیئن فی سینڈ کی رفتار سے گھومے گا جس کو ω سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

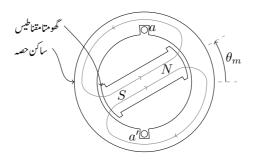
$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس کتاب میں گھومنے کی رفتار کو عموماً ریڈیئن فی سکنڈ میں بیان کیا جائے گا۔

شکل 5.1 میں مثین کے دو مقناطیسی قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطبی مثین کہتے ہیں۔ ساکن قالب میں، اندر کی جانب دو شگاف ہیں، جن میں N چکر کا کچھا موجود ہے۔ کچھے کو a اور a' سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس کچھے کی بنا

> magnetic core² eddy currents³ laminations⁴

rounds per minute, rpm⁶ radians⁷ 5.2 معاصر مشين



شكل 5.1: دوقطب،ايك دور معاصر جنزيير ـ

اس مشین کو ایک کچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھا جزیٹر کے ساکن حصہ پر پایا جاتا ہے لہذا یہ کچھا بھی ساکن ہو گا جس کی بنا اسے ساکھنے کچھا⁸ کہتے ہیں۔

مقناطیس کا مقناطیس بہاو شالی قطب N^9 سے خارج ہو کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر، دوسرے خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، مقناطیس کے جنوبی قطب N^{-10} میں داخل ہو گا۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کے کلیروں سے دکھایا گیا ہے۔ یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے میں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل N^{-10} میں مقناطیس سید ھی سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.2 میں مقناطیس تقریباً گول ہے اور اس کے محور کا زاویہ θ_m صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن قالب کے پی صفر زاویہ، $0 = \theta$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ، $0 = |\theta|$ ، پر زیادہ سے زیادہ ہو گی لدا $0 = \theta$ پر خلائی درز سے ہے۔ کم خلائی درز پر پھچاہٹ کم ہو گی جبکہ زیادہ خلائی درز پر پھچاہٹ نے ایدہ ہو گی لہذا $0 = \theta$ پر خلائی درز سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزرے گا۔خلائی درز کی لمبائی یوں تبدیل کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا ہو۔ مقناطیسی بہاو مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پہ داخل ہوتا ہے۔ اگر خلائی درز میں 0 = 0 سائن نما ہو

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب کثافت مقناطیسی بہاو B صفر زاویہ $\theta_p=0^\circ$ پر زیادہ سے زیادہ اور نوے زاویہ، $\theta_p=90^\circ$ ، پر صفر ہو گی اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو $\theta_p=0$ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ $\theta_p=0$ کو مقناطیس کے شالی قطب سے گھڑی کے مخالف

stator coil⁸ north pole⁹ south pole¹⁰



شكل 5.2: كثافت مقناطيسي بهاواور زاويه كاتبديلي_

رخ ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جے کے باہر نو کیلی لکیروں کی لمبائی سے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت اور کلیروں کے رخ سے بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ہاکی سیابی سے $^{\circ}0$ - $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ باتی آ دھے میں مخالف کے مخالف ہے۔ یوں شکل 5.2 میں آ دھے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا ترسیم سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس دوسرے زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ یاد رہے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت مقناطیس کے شائی قطب پر زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ ور شائی قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رہ وگا۔ شکل قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(5.4)
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

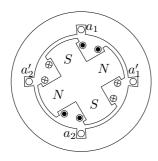
يوں درج ذيل ہو گا۔

$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس کا سائن نما مقناطیسی دباو پیش کیا گیا ہے۔ جیسا شکل 5.4 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مقناطیسی دباو کو عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کا رخ مقناطیس کے شال کو ظاہر کرتا ہے۔ 5.2. معاصر مشين









شکل 5.5: چار قطبایک دور معاصر جنریٹر۔

شکل 5.3 میں مقناطیس کو لمحہ t_1 ، زاویہ $\theta_m(t_1)$ پر دکھایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو $\theta_m(t_1)$ مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار ω_0 سے گھوم رہا ہو تب ساکن کچھے میں اس لمحہ پر برقی دباو e(t) پیدا ہو گا:

$$(5.6) e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

آوھے چکر، π ریڈیئن گھومنے کے، بعد مقناطیسی قطبین آپس میں جگہیں تبدیل کرتے ہیں، کچھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ الٹ ہو گا، کچھے میں ارتباط بہاو θ_0 اور اس میں امالی برقی دباو e(t) ہو گا۔ ایک مکمل چکر بعد مقناطیس دوبارہ ای مقام پر ہو گا جو شکل 5.3 میں دکھایا گیا ہے، ساکن کچھے کا ارتباط بہاو دوبارہ θ_0 اور اس میں امالی برقی دباو کی دباو کو گا۔ یوں جب بھی مقناطیس $\theta_m = 2\pi$ میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں $\theta_m = 2\pi$ میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں دو سرے کے برابر تبدیلی رونما ہوگی لہذا دو قطب، ایک کچھے کی مثنین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_0 ایک دو سرے کے برابر ہوں گ

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپس میں ایک تناسب رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 13 کہتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

frequency¹¹

Hertz¹²

synchronous machine¹³

5.2 معاصر شين

شکل 5.5 میں چار قطب، ایک دور معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مثینوں میں عموماً مقناطیس جبکہ بڑے مثینوں میں برقی مقناطیس 14 استعال ہوتے ہیں۔ اس شکل میں برقی مقناطیس استعال کیے گئے ہیں۔ دو سے زائد قطبین والے مثینوں میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس حوالہ قطب کو θ_m پر دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب کو θ_m) زاویہ پر ہے۔

جیسا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں مقناطیس کے چار قطبین ہیں۔ ہر ایک شالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ یک مرحلی آلات میں مقناطیسی قطبین کے جوڑوں کی تعداد اور ساکن کچھوں کی تعداد ایک دوسرے قطب آتا ہے۔ یک مرحلی آلات میں مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر دو ساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو a_1 ہے واضح کیا گیا ہے اور دوسرے کو a_2 سے۔ کچھے کو قالب میں موجود دو شگاف a_1 اور a_1 میں لیٹا گیا ہے۔ اس طرح a_2 کچھے کو دو شگاف a_2 اور a_2 میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں دو شگاف a_3 اور a_4 میں رکھا گیا ہے۔ ان طرح جزیڑ سے حاصل برتی میں کیسال برتی دباو پیدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھوں کو سلسلہ وار a_1 جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیڑ سے حاصل برتی دباو ایک کچھے میں پیدا برتی دباو کا دگنا ہو گا۔ ایک مرحلی آلات میں قالب کو مقناطیس کے قطبین کی تعداد کے برابر حصول میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کھی نوے میکانی زادیہ کے اطلے کو گھرتا ہے۔

ساکن اور حرکی کیچھوں کی کار کردگی ایک دوسرے سے مختلف ہوتی ہے۔اس کی وضاحت کرتے ہیں۔

حییا پہلے بھی ذکر کیا گیا چھوٹی گھومتی مشینوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں برقی مقناطیس میدان فراہم کرتا ہے۔ اگرچہ اب تک کی اشکال میں مقناطیس کو گھومتا حصہ و کھایا گیا ہے، حقیقت میں مقناطیس کسی مشین میں گھومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔میدان فراہم کرنے والے اس کچھے کو میدانی کچھا ہے ہیں۔ اس کے چند فی صد برابر برقی طاقت سے برقی طاقت کے برعکس مشین میں موجود دو سری نوعیت کے کچھ کو قور کھیا گا⁷⁷ کہتے ہیں۔ برقی جزیٹر کے قوی کچھے سے برقی طاقت عاصل کی جاتی ہے۔ برقی موٹروں میں میدانی کچھے میں چند فی صد برقی طاقت کے ضیاع کے علاوہ تمام برقی طاقت وی کچھے کو فراہم کی جاتی ہے۔

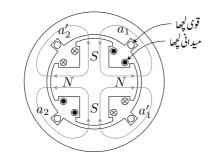
اب اگر ہم، گھومتے اور ساکن حصہ کے در میان، خلائی در زمیں B کو دیکھیں تو شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر کی جانب نکل کر تالب میں داخل ہوتا ہے جبکہ جنوبی قطب میں مقناطیسی بہاو قالب سے نکل کر جنوبی قطب میں

electromagnet¹⁴

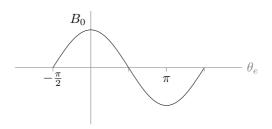
series connected 15

field coil¹⁶

armature coil¹⁷



شكل 5.6: حيار قطب، دولچھے مشين ميں مقناطيسي بہاو۔



شكل 5.7: سائن نما كثافت مقناطيسي بهاو_

اندرکی جانب داخل ہوتا ہے۔ یہ شکل 5.6 میں دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کا ٹیں تو مقناطیسی بہاو کی ست دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندرکی جانب ہو گی۔ مزید یہ کہ آلوں میں کو شش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس کو ہم آگے پڑھیں گے۔ لہٰذا اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہی ہے تب خلائی درز میں B کی مقدار، شکل 5.7 کی طرح ہو گی۔ اس شکل میں برتی زاویہ θ_e استعال کیا گیا ہے۔

یوں ہم ایک ایس معاصر مشین جس میں P قطب مقناطیس پایا جاتا ہو کے لئے لکھ سکتے ہیں

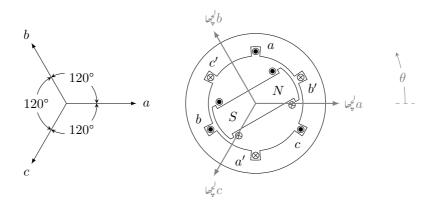
$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

اس صورت میں میکانی اور برقی تعدد ایک مرتبه پھر آپس میں ایک نسبت رکتے ہیں۔

مثال 5.1: پاکستان میں گھروں اور کارخانوں میں Hz کی برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے لیعنی ہمارے ہاں $f_e=50$

5.2 معاصر شين



شكل 5.8: دوقطب، تين دور معاصر مشين ـ

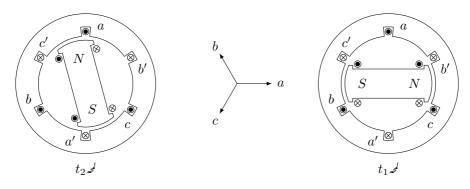
- اگریہ برقی طاقت دو قطب کے جزیئر سے حاصل کی جائے تو یہ جزیئر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔
 - اگر جزیٹر کے بیں قطب ہوں تب یہ جزیٹر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔

حل:

- مساوات 8.5 سے ہم دیکھتے ہیں کہ اگر یہ برقی طاقت دو قطب، P=2، والے جزیڑ سے حاصل کی جائے تو اس جزیٹر کو $f_m=50$ چکر فی سینٹر یعنی $g_m=50$ چکر فی منٹ $g_m=50$ جن بیٹر کو واس جزیٹر کو منٹ واس جن بیٹر کو منٹ واس کے منٹر کے
- اگر یہی برقی طاقت بیں قطب، P=20، والے جزیڑ سے حاصل کی جائے تو پھر اس جزیڑ کو P=5 والے جزیڑ سے عاصل کی جائے تو پھر اس جزیڑ کو تاریخ کی منٹ کی رفتار سے گھمانا ہو گا۔

اب یہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیئر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیئر ست رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیئر تیز رفتار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیئر زیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیئر آپ کو دو قطب کے ہی ملیں گے۔

rpm, rounds per minute¹⁸



شكل 5.9: دوقطب تين دور مثين ـ

شکل 5.8 میں دو قطب والا تین دور کا معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھا a کچھا a ہے جو قالب میں شکاف a اور 'a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تو یہ بالکل شکل میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیئے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

اگر a کچھا میں برقی رو یوں ہو کہ شگاف a میں برقی رو ، کتاب کے صفحہ سے عمودی رُخ میں باہر کی جانب ہو اور a میں برقی رو کا رخ اس کے بالکل الٹ سمت میں ہو تو ہم کچھے کی سمت کا تعین دائیں ہاتھ کے ذریعہ یوں کرتے ہیں۔

• اگر ہم دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شگافوں میں برقی رو کی جانب لیٹیں تو اسی ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کی ست متعین کرتا ہے۔

شکل 5.8 میں لچھا a کی سمت تیر والی لکیر سے دکھائی گئی ہے۔ اس سمت کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ لہذا شکل میں a لچھا صفر زاویہ پر لپٹا گیا ہے، لیعن a a ہے۔ باتی کچھوں کے زاویہ ، لچھا a کی سمت سے، گھڑی کی اُرخ، نالے جاتے ہیں۔

شكل 5.9 ميں دكھائے گئے لمحہ t_1 پر اگر لمجھے a كا ارتباط بہاو $\lambda_a(t_1)$ ہو تو جب مقناطیس $\lambda_a(t_1)$ كا زاویہ طے كر لمان لمحہ $\lambda_b(t_2)$ كا ارتباط بہاو $\lambda_b(t_2)$ ہو گا۔ ہم ديكھتے ہيں كہ لمحہ $\lambda_b(t_2)$ بالكل المان لمحہ $\lambda_b(t_2)$ كا ارتباط بہاو $\lambda_b(t_2)$ ہو گا۔ ہم ديكھتے ہيں كہ لمحہ $\lambda_b(t_2)$ مقناطيس اور لمجھا كا ارتباط بہاو رہے ہو گا۔ ہم ديكھتے ہيں كہ لمحہ $\lambda_b(t_2)$

5.2. معياصرمثين

 t_1 اسی طرح سے ہیں جیسے t_1 پر مقناطیس اور کچھا a تھے۔ لہذا کھہ t_2 پر کچھا b کا ارتباط بہاو بالکل اتنا ہی ہو گا جتنا کھہ t_1 پر t_2 کچھا کا تھا۔ یعنی

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ای طرح اگر مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کرے تو اس لمحہ t_3 پر لچھا c کا ارتباط بہاو (t_3) ہو گا اور مزید یہ کہ یہ لیم طرح اگر مقناطیس مزید ہوگا۔ پیرا $\lambda_c(t_3)$

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ہیں۔ان کمحات پر ان کیجھوں میں

(5.11)
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

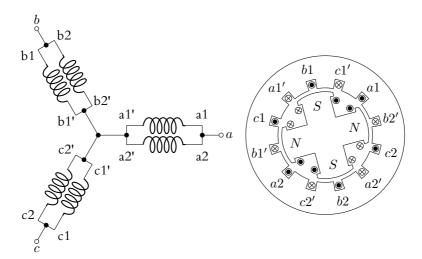
$$(5.12) e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.13) e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔مساوات 5.10 کی روشنی میں

(5.14)
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف کچھ a پایا جاتا تو یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اب اگر اس میں مقناطیس کو گھڑی کی اُلٹی سمت ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تو، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھے a میں سائن نما برتی دباو پیدا ہوتی۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دو سرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں۔ لہذا اب شکل 5.9 میں اگر مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تو اس میں موجود تینوں سائن کچھوں میں سائن نما برتی دباو پیدا ہوگی البتہ مساوات a کے تحت یہ برتی دباو آپس میں a 120 کے زاویہ پر ہوں گے۔



شكل5.10: چار قطب، تين دور معاصر مشين ـ

ہیں۔ کسی بھی لمحہ a1 اور a2 کیجھوں میں بالکل یکسال برقی دباہ پیدا ہو گا۔ تین دور کے دو یکسال کیجھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دور کی برقی دباہ حاصل کی جاتی ہے۔ شکل میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے جہاں a کیجھے کو صفر زاوبیہ پر تصور کیا گیا ہے۔

5.3 محرك برقى دباو

قانونِ لوریز v = 7 تحت اگر برقی بار q^{20} مقناطیسی میدان w میں سمتی رفتار v = 7کت کر رہا ہو تو اس پر قوت w اثر کرے گی جہاں

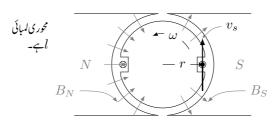
$$(5.15) F = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

کے برابر ہے۔

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی بارکی سمتی رفتار ہے للذا مقناطیسی میدان کو ساکن تصور کر کے اس میں برقی بار کی سمتی رفتار ن ہو گی۔

> Lorentz law¹⁹ charge²⁰

5.3. محسر ك_برقى دباو



شكل 5.11: ابك چكر كالجھامقناطيسي ميدان ميں گھوم رہاہے۔

اس قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاتی ہے۔اگریہ برقی بار شروع کے نقطہ سے آخری نقطہ تک سمتی فاصلہ 1 طے کرے قواس پر W کام ہو گا جہاں

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برقی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے مابین برقی دباو²¹ کہتے ہیں اور اس کی اکائی وولئے 2² ک ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے مابین حاصل برقی دباو

(5.17)
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

وولٹ ہو گی۔

اس طرح حرکت کی مدد سے حاصل برتی دباو کو محرکے برقے دباو²³ کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برتی دباو کو محرک برتی دباو کہاتی ہے۔ حاصل برتی دباو کو محرک برتی دباو کہاتی ہے۔

اس مساوات کو شکل 5.11 میں استعال کرتے ہیں۔ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔ بائیں جانب خلاء میں لچھے کی برقی تار پر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت اس تار میں موجود مثبت برقی بار پر صفحہ کی عمود کی سمت میں باہر کی جانب قوت اثر انداز ہوگی اور اس میں موجود منفی برقی بار پر اس کی اُلٹ سمت قوت عمل کرے گی۔اس طرح مساوات 5.17 کے تحت صفحہ سے باہر جانب برقی تار کا سرا برقی دباو e کا مثبت سرا ہوگا اور صفحہ کی اندر جانب برقی تار کا سرا برقی دباو e کا مثبت سرا ہوگا و صفحہ کی اندر جانب برقی تار کا سرا برقی دباو e کا مثبت سرا ہوگا۔

اگر گھومتے حصہ کی محور پر نکلی محدد قائم کی جائے تو جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی سمت میں ہے جبکہ شالی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں جنوبی قطب کے سامنے

potential difference, voltage²¹

electromotive force, ${\rm emf}^{23}$

شگاف میں برقی تار l_S کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

(5.18)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{v}_S &= v\boldsymbol{a}_\theta = \omega r\boldsymbol{a}_\theta \\ \boldsymbol{B}_S &= B\boldsymbol{a}_{\mathrm{T}} \\ \boldsymbol{l}_S &= l\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \end{aligned}$$

للذا اس جانب لحجهے کی ایک تار میں پیدا محرک برقی دباو

(5.19)
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l (\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l (-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

ہو گی۔

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت a_z کی گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباو کے منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سرا a_z کی سمت میں ہے لینی اس کا نجلا سرا مثبت اور اوپر والا سرا منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تارمیں برقی روگزر سکے تو اس کی سمت a_z لینی صفحہ کی عمودی سمت میں اندرکی جانب ہوگی جے شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اسی طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{T}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{Z}} \end{aligned}$$

اور يول

(5.21)
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N}$$
$$= -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= \omega r B l$$

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت a_z لی گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباو کے مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تار کا مثبت سرا a_z کی سمت میں ہے لینی اس کا اوپر والا سرا مثبت اور نجلا سرا

منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تار میں برقی رو گزر سکے تو اس کی سمت $a_{\rm Z}$ یعنی صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب ہوگی جسے شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دو برقی تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان دونوں کے نچلے سرے سلسلہ وار جڑے ہیں جو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔ یوں اس کچھے کے اوپر نظر آنے والے سروں پر کل برتی دباو e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباو کا مجموعہ ہو گا یعنی

(5.22)
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔ اگر ایک چکر سے اتن برقی دباہ حاصل ہوتی ہے تو N

(5.23)
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

حاصل ہو گا۔

گومتی آلوں میں خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 سے ظاہر ہے کہ اگر گھومنے کی رفتار اور محوری لمبائی معین ہوں تو پیدا کردہ برقی دباو ہر لمحہ B کے براہِ راست متناسب ہو گا۔لہٰذا اگر خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔یوں جس شکل میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔یوں جس شکل کی برقی دباو خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔اگر سائن نما برقی دباو پیدا کرنی مقصد ہو تو خلائی درز میں محیط پر سائن نما کثافتِ مقناطیسی بہاو ضروری ہے۔

ا گلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گی۔

5.4 کھیلے کچھے اور سائن نمامقناطیسی دباو

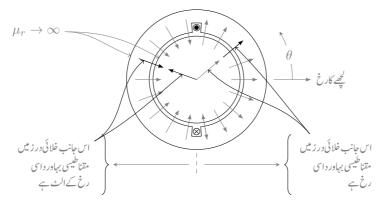
ہم نے اب تک جینے مثین دیکھے ان سب میں پھھ²⁴ کچھے دکھائے گئے۔ مزید یہ کہ ان آلوں میں گھومتے جھے پہ موجود مقناطیس کے اُبھرے قطبے²⁵ تھے۔ در حقیقت آلوں کے عموماً ہموار قطبے²⁶ ہوتے ہیں اور ان میں پھیلے کچھے²⁷

non-distributed coils²⁴

salient poles²⁵

non-salient poles²⁶

distributed winding²⁷



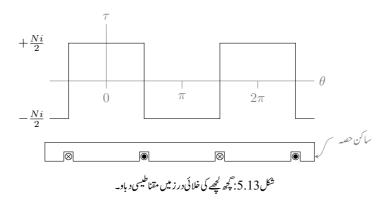
شکل 5.12: ساکن لچھا کچھ کی شکل میں ہے۔

پائے جاتے ہیں۔ ایسا کرنے سے ہم ساکن اور گھومتے حصوں کے در میان خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کر سکتے ہیں۔

شکل 5.12 میں ایک لچھا گچھ کی شکل کا دکھایا گیا ہے۔اس کے گھومنے والا حصہ گول شکل کا ہے اور اس کا مقاطیسی $\mu_r \to \infty$ کے سے ساکن حصے کا بھی $\mu_r \to \infty$ ہے۔ لچھے کا مقناطیسی دباو $\mu_r \to \infty$ ہماو ϕ کو جنم دیتا ہے جس کو ہلکی سیاہی کی کلیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو کو لچھے کے گرد ایک چکر کا شخط خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرنا پڑتا ہے۔ لہذا

یوں ساکن کچھے کا آدھا مقناطیسی دباو ایک خلائی درز اور آدھا دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید ہے کہ خلائی درز میں کہیں پہ مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی بہاو)، رداس 28 کی سمت میں ہیں اور کہیں پہ خلائی درز میں مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی دباو)، رداس کی اُلٹی سمت میں ہیں۔ اگر ہم رداس کی سمت کو مثبت لیں تو مقناطیسی بہاو (اور مقناطیسی دباو) $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2} = 2$ در میان رداس ہی کی سمت میں ہیں لہذا یہاں ہے مثنی ہیں۔ ایسا ہی شکل 5.13 بیق جگہ مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی بہاو) رداس کی اُلٹ سمت میں ہیں لہذا یہاں ہے مثنی ہیں۔ ایسا ہی شکل $\frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2} = 1$ میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں خلائی درز میں مقناطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2} = 1$

 ${\rm radius}^{28}$



ے در میان خلائی درز میں مقناطیسی دباو au_a کیھے کے مقناطیسی دباو au کا آدھا ہے اور اس کی سمت مثبت ہے جبکہ $rac{\pi}{2}$ کی در میان خلائی درز میں مقناطیسی دباو کچھ کے مقناطیسی دباو کے آدھا ہے اور اس کی سمت منفی ہے۔ یاد رہے کہ مقناطیسی دباو کی سمت کا تعین رداس کی سمت سے کیا جاتا ہے۔

5.4.1 بدلتی رووالے مشین

برلتی رو (اے سی) مشین بناتے وقت یہ کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہو۔اییا کرنے کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شکافوں میں تقتیم کیا جاتا ہے۔ اس سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتی ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$
 (5.25)

Fourier series²⁹ function³⁰

اگر اس تفاعل کا دوری عرصه T^{31} ہو تب

(5.26)
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

کے برابر ہوں گے۔

مثال 5.2: شكل 5.13 مين ديئ كئ مقناطيسي دباوكا

- فوريئر تسلسل حاصل كريں۔
- تیسری موسیقائی جز ³² اور بنیادی جز ³³ کی نسبت معلوم کریں۔

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left(\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(-\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left(\frac{Ni}{2} \right) \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(\pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

fundamental component³³

time period 31 third harmonic component 32

اسی طرح

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[-\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[\sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left(\frac{4}{n\pi} \right) \left(\frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین وغیرہ کے لئے ماتا ہے

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$$

$$a_2 = a_4 = a_6 = 0$$

اسی طرح

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[\frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

• ان جوابات سے

$$\left|\frac{a_3}{a_1}\right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

حاصل ہوتا ہے۔للذا تیسری موسیقائی جزو بنیادی جزو کے تیسرے جھے یعنی 33.33 فی صد کے برابر ہے۔

مثال 5.2 میں حاصل کئے گئے a_1, a_2, \cdots استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباوau فوریئر شلسل یوں کھھ سکتے ہیں۔

(5.27)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

مثال 5.2 سے ظاہر ہے کہ مقناطیسی دباو کے موسیقائی اجزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا جا سکے۔ جیسا آپ اس باب میں آگے دیکھیں گے کہ حقیقت میں استعال ہونے والے مقناطیسی دباو میں موسیقائی اجزاء قابل نظر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی جزو سے غرض ہو گا۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی اجزاء کو نظر انداز کرتے ہوئے اسی مساوات کو یوں لکھتے ہیں۔

(5.28)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

جہاں

$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

 \sum برابر ہے۔ اس مساوات سے ہم و کھتے ہیں کہ شکل 5.12 میں کچھ سے حاصل مقناطیسی دباو بالکل اس طرح ہے جیسے شکل 5.2 میں سلاخ نما مقناطیس صفر زاویہ پر رکھے حالت میں دیتا۔ اگر یہاں یہ لچھا کسی ایسے زاویہ پر رکھا گیا ہوتا کہ اس سے حاصل مقناطیسی دباو زاویہ θ_m پر زیادہ سے زیادہ ہوتا تو یہ بالکل شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کی طرح کا ہوتا۔ شکل ملی ایک ایک ہی مثال ہے۔ ہم بالکل مساوات 5.62 کی طرح اس شکل میں لچھا a کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

(5.30)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اس طرح کیجھا b اور c کیے چو نکہ $\theta_{m_b}=120^\circ$ اور $\theta_{m_b}=120^\circ$ لہذا ان کے لئے ہم ککھ سکتے ہیں۔

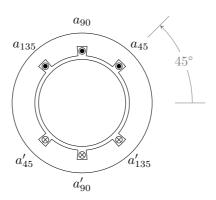
(5.31)
$$\tau_b = \tau_0 \cos \theta_{p_b}$$

$$\theta_{p_b} = \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ}$$

$$\tau_b = \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ})$$

(5.32)
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^{\circ} \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^{\circ}) \end{aligned}$$

ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہر گر نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض آئکھوں کا دھوکہ ہے۔ اس مقناطیسی دباو کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اب اگر ہم کسی طرح مساوات کہ یہ محض آئکھوں کا دھوکہ ہے۔ اس مقناطیسی دباو صاصل کر سکتے ہیں۔ 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی سب رکن کو صفر کر سکیں تو ہم بالکل سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کر سکتے ہیں۔



شكل 5.14: كيسيلا ليجهابه

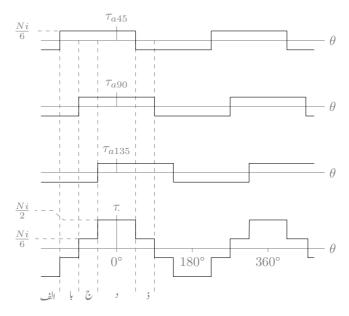
شکل 5.14 میں تقسیم شدہ کچھا دکھایا گیا ہے۔ یہاں شکل 5.12 میں دکھائے گئے N چکر کے کچھے کو تین چھوٹے کیساں کچھوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔لہذا ان میں ہر چھوٹا کچھا کچھ کی ہے۔ ایسے چھوٹے کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا 34 جاتا ہے اور یوں ان میں کیساں برقی رو i گزرے گی۔ ان تین کچھوں کو تین مختلف شکافوں میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شکاف a_{90} اور a_{90}' میں اور تیسرے کچھے کو شکاف a_{135} اور a_{135}' میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑے کو ایک ہی طرح کے نام دیے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا a_{45} اور a_{45} اور a_{45} ہوں گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا a_{45} اور a_{45} اور a_{90} نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف a_{135} ایک سو پینیس درجہ زاویہ پر ہے۔ درجہ زاویہ پر ہے۔

چونکہ ہر کچھا $\frac{N}{8}$ چکر کا ہے اور ان سب میں کیساں برتی روi ہے، لہذا شکل 5.14 میں دیئے گئے پھیلے کچھے سے حاصل مقناطیسی دباو کا زاویہ کے ساتھ ترسیم شکل 5.15 کے نچلے ترسیم کی طرح ہو گا۔اس شکل میں سب سے اُوپر کچھا کچھا کہ مقناطیسی دباو کا ترسیم ہے۔ یہ بالکل شکل 5.15 میں دیئے ترسیم کی طرح ہے البتہ یہ صفر زاویہ سے -45 ہٹ کر ہے۔اُوپر سے دو سرا ترسیم کچھا a_{135} کیا ہے جو ہو بہو شکل کی طرح ہے جبکہ اس سے نیچے کچھا a_{135} کیا ترسیم ہے جو صفر زاویہ سے -45 ہٹ کر ہے۔ان تینوں ترسیمات میں طول $-\frac{Ni}{6}$ ہے۔

ان تینوں ترسیمات سے کل مقناطیسی دباو کا ترسیم یوں حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں عمودی نقطہ دار کلیریں لگائی گئ ہیں۔ بائیں جانب پہلی کلیرکی بائیں طرف علاقے کو الف کہا گیا ہے۔اس علاقے میں پہلے تینوں ترسیمات کی مقدار

series connected 34



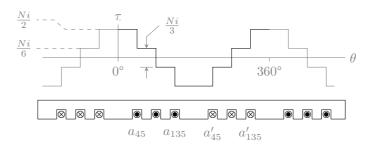
شكل 5.15: تصليح لحصے كاكل مقناطيسي دباو۔

 $\frac{Ni}{6}$ ہے لہذا ان کا مجموعہ $\frac{Ni}{2}$ ہو گا۔ یہی سب سے نچلے کل مقناطیسی دباو کی ترسیم میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح علاقہ ب میں پہلے ترسیم کی مقدار $\frac{Ni}{6}$ ، دوسری ترسیم کی $\frac{Ni}{6}$ اور تیسری کی بھی $\frac{Ni}{6}$ ہے۔ ان کا مجموعہ $\frac{Ni}{6}$ ہنتا ہے جو کل مقناطیسی دباو ہے۔ علاقہ ج میں $\frac{Ni}{6}$ ہیں $\frac{Ni}{6}$ ہور $\frac{Ni}{6}$ ہیں جن کا مخموعہ $\frac{Ni}{6}$ ہیں کل مقناطیسی دباو ہے جو سب سے نچلے ترسیم میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح آپ پورا ترسیم تھینج سکتے ہیں۔

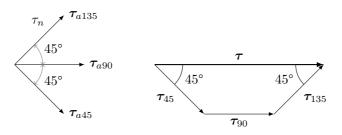
شكل 5.15 كے نيلے ترسيم كو شكل 5.16 ميں دوبارہ و كھايا گيا ہے۔

شکل 5.16 کا اگر شکل 5.15 کے ساتھ نقابل کیا جائے تو محض دیکھنے سے بھی یہ ظاہر ہے کہ شکل 5.16 زیادہ سائن نما موج کے نوعیت کا ہے۔ ہمیں فوریئر تسلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ ملتا ہے۔ہم دیکھ سکتے ہیں کہ شکافوں کی جگہ اور ان میں کچھوں کے چکر کو یوں رکھا جا سکتا ہے کہ ان سے پیدا کردہ مقناطیسی دباو سائن نما کے زیادہ قریب ہو۔

چونکہ کھیے گجھ کے مختلف مصے ایک ہی زاویہ پہ مقناطیسی دباو نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباو کو حیلہ ایک کچھ کچھ کے حیلہ سے قدرِ کم ہوتا ہے۔اس اثر کو مساوات 5.29 میں جزو k_w کے ذریعہ یوں ظاہر کیا



شكل 5.16: تھلے لیھے كامقناطیسی د باو۔



شكل5.17: ئىليالچىچ كاجزو ئىمىلاو_

جاتا ہے۔

(5.33)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

اں مساوات میں
$$k_w$$
 کو جزو پھیلاو³⁵ کہتے ہیں۔ یہ اکائی سے قدرِ کم ہوتا ہے لیعنی $0 < k_w < 1$

مثال 5.3: شكل 5.14 مين ديئ گئے تھيلے لچھے كے لئے k_w معلوم كريں۔

حل: شکل 5.17 سے رجوع کریں۔ یہ تین چھوٹے کچھے برابر مقناطیسی دباو $au_n=rac{4}{\pi}rac{ni}{2}$ پیدا کرتے ہیں، البتہ ان کی سمتیں مختلف ہیں۔ یہاں چونکہ ایک کچھا $rac{N}{3}$ چکر کا ہے لہذا $rac{N}{3}$ سہتے ہم ان سمتیوں کو جمع کر کے ان کا $rac{N}{3}$

winding factor³⁵

П

مجموعی مقناطیسی دباو $_{ au}$ معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

لعني

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

لنذا 0.8047 کے برابر ہے۔

مثال 5.4: ایک تین دور 50 ہر ٹز پر چلنے والا ستارہ نما جڑے جزیٹر کو 3000 چکر ٹی منٹ کی رفتار سے چلایا جا رہا $k_{w,q}=0.833$ جب تیس چکر کے میدانی کچھے کا جزو کچسلاو 0.9 $k_{w,m}=0.9$ جبکہ پندرہ چکر تو کی کچھے کا جزو کچسلاو 0.833 جب اگر اس مشین کا رداس 0.7495 میٹر اور اس کی لمبائی $l_k=0.04$ میٹر ہیں۔خلائی درز $l_k=0.04$ میٹر ہے۔اگر اس کے میدانی کچھے میں 1000 ایمیسئر برقی رو ہے تو معلوم کریں

- میدانی مقناطیسی دباو کی زیادہ سے زیادہ مقدار۔
 - خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو۔
 - ایک قطب پر مقناطیسی بهاو۔
 - محرک تاریر برقی دباو۔

حل:

 $\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$

 $B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$

 $\phi_0 = 2B_0 lr = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \text{ Wb}$

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

للذا ستاره جڑی جزیٹر کی تار کی برقی دباو

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \,\text{V}$

٦ - ا

جیسا پہلے ذکر ہوا ہم چاہتے ہیں کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کر سکیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہ یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ بنیادی مقصد پورا ہو۔ شکل 5.16 میں ہم دیکھتے ہیں کہ صفر زاویہ کی دونوں جانب مقناطیسی دباو کی موج کیساں طور پر گھٹی یا بڑھتی ہے۔ لیمی جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباو $\frac{N}{3}$ گھٹ جاتی ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر یہ کیسال طور پر مزید گھٹی ہے، وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

جھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہوں کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فوریئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور اس میں بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھے جاتے ہیں۔

ساکن کچھوں کی طرح حرکت کرتے کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ حچھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو۔

5.5 مقناطیسی د باو کی گھومتی موجیں

گھومتے آلوں میں کچھوں کو برقی دباو دیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ یہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دورکی کپٹی مثین

مساوات 5.33 میں ایک لیھے کی مقناطیسی دباویوں دی گئی ہے۔

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

اگراس کچھے میں مقناطیسی بہاو بھی سائن نما ہو یعنی

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

تو

(5.37)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

ہو گا جہاں

(5.38)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

ے برابر ہے۔ مساوات 5.37 کہتا ہے کہ یہ مقناطیسی دباو زاویہ θ اور کھہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مندرجہ ذیل قلیہ سے دو گلڑوں میں توڑ سکتے ہیں۔

$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

للذا

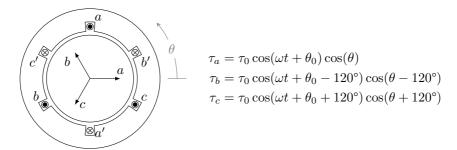
(5.39)
$$\tau_a = \tau_0 \left[\frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(5.41)
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

ہیں۔اس مساوات سے یہ بات سامنے آتی ہے کہ در حقیقت یہ مقناطیسی دباو دو اُلٹ سمتوں میں گھومنے والے مقناطیسی دباو کی موجیں ہیں۔ اس کا پہلا جزو τ_a زاویہ θ گھنے کی جانب گھومتا ہے یعنی گھڑی کی سمت میں اور اس کا دوسرا جزو τ_a گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتا ہے یعنی یہ زاویہ بڑھنے کی جانب گھومتا ہے۔



شكل 5.18: تين دوركي لپڻي مشين ـ

ایک دورکی لیٹی آلوں میں یہ کوشش کی جاتی ہے کہ ان دو گھومتے متناطیسی دباو میں سے ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کیا جائے۔ اس طرح کرنے سے ایک ہے سمت میں کل مقناطیسی دباو گھومتا ملتا ہے جو بالکل اس طرح کا ہوتا ہے جیسے ایک مقناطیس گھمایا جا رہا ہو۔ تین دور کے آلوں میں یہ کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔

5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجزيه

شکل 5.18 میں تین دور کی لپٹی مثین دکھائی گئی ہے۔ مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں کی فور بیر تسلسل کی بنیادی جزو دیئے گئے ہیں جو کے یہ ہیں۔

(5.42)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

اگر ان تین کچھول میں تین دوری برقی رو ہو یعنی

(5.43)
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

تو بالكل مساوات 5.47 كى طرح بهم مساوات 5.43 كى مدد سے مساوات 5.42 كو يوں لكھ سكتے ہيں۔

(5.44)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

اگر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

ہو تو انہیں

(5.45)
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

لکھ سکتے ہیں جہاں

(5.46)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

ہے۔ کل مقناطیسی دباو 7 ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم ثابت کرتے ہیں کہ

$$\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^{\circ}) + \cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$

کے برابر ہے۔ ہمیں معلوم ہے کہ

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

اگر ہم
$$lpha=\gamma$$
 اور $eta=240^\circ$ کیں تو

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

يونكه $\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$ الدا $\cos 240^\circ = -rac{1}{2}$ المذا

$$\begin{aligned} \cos(\gamma + 240^\circ) &= -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma \\ \cos(\gamma - 240^\circ) &= -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma \end{aligned}$$

اب اس مساوات کو اگر ہم ہر دردہ کے ساتھ جمع کریں تو جواب صفر ملتا ہے، یعنی

$$\cos \gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے لئے اس مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں۔ $\gamma= heta+\omega t+lpha$

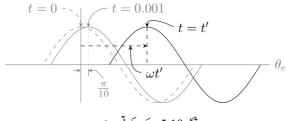
(5.47)
$$\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$$

اب ہم اگر مساوات 5.45 میں دیئے au_b ، au_c اور au_c کو جمع کریں اور ان میں مساوات 5.45 کا استعمال کریں تو ملتا ہے

(5.48)
$$\tau^{+} = \tau_{a} + \tau_{b} + \tau_{c} = \frac{3\tau_{0}}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.48 کہتا ہے کہ کل مقناطیسی دباو کا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کے 3 گنا ہے۔ مزید بیہ کہ بیہ مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کی اُلٹی سمت گھوم رہی ہے۔ لہذا تین کچھوں کو 120° زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دور کی برقی رو، جو آپس میں 120° پر ہوں، سے بیجان کرنے سے ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ اگر کوئی دو برقی رو آپس میں تبدیل کئے جائیں تو مقناطیسی موج کے گھومنے کی سمت تبدیل ہو جاتی ہو جاتی میں واضح کیا گیا ہے۔

اب ہم و کھتے ہیں کہ مساوات 5.48 ایک گھومتے موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہمیں اس موج کی چوٹی کو و کھنا ہو گا۔ ہم اپنی آسانی کے لئے α کو صفر لیتے ہیں۔ اس مثال میں ہم برتی رو کی تعدد $50\,\mathrm{Hz}$ لیتے ہیں۔ اس موج کی چوٹی و رحقیقت $\cos(\theta-\omega t)$ کی چوٹی ہی ہے لہذا ہم اس کی چوٹی کو مد نظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے کہ $\cos\alpha$ کی زیادہ سے زیادہ مقدار ایک کے برابر ہے لیخی اس کی چوٹی ایک کے برابر ہے اور یہ اس مقام پر پائی جاتی ہے جہاں α صفر کے برابر ہو لیخی جب α کے جہاں α صفر کے برابر ہو لیخی جب اس مقام کی چوٹی وہیں ہو گی جہاں α صفر کے برابر ہو گا۔ اس طرح α رصفر کے برابر ہو گا۔ اس طرح α رصفر کی جوٹی وہیں ہو گی جہاں α صفر کے برابر ہو لیخی وہیں ہو گی جہاں ہو گی جہاں ہو کہ جہاں ہو کی کی جہاں ہو کی جہاں ہو کی جہاں ہو کی کی جہ



شکل5.19:حرکت کرتی موج۔

اب ابتذائی کچہ لیعنی
$$t=0$$
 پر $t=0$ کی چوٹی $t=0$ کی چوٹی $t=0$ کرتے ہیں۔ $\theta-\omega t=0$ $\theta-\omega t=0$ $\theta-\omega t=0$ $\theta-\omega t=0$ $\theta=0$

ہم دیکھتے ہیں کہ موج کی چوٹی صفر برقی زاویہ پر ہے۔اسے شکل 5.19 میں ہلکی سیاہی میں نقطہ داو ککیر سے دکھایا گیا ہے۔ہم اس چوٹی کو کچھ وقفے کے بعد دوبارہ دیکھتے ہیں مثلاً 10.00 سینٹر کے بعد۔

$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - \omega \times 0.001 = 0$$

$$\theta = 0.001\omega = 0.001 \times 2 \times \pi \times 50 = 0.3142 \, \text{rad}$$

اب یہ چوٹی 0.3142 یا $\frac{\pi}{10}$ برقی ریڈیئن لیعن 18° کے برقی زاویہ پر ہے۔اسے شکل میں ہلکی سابی کے شوس لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ یہ بات واضح ہے کہ مقناطیسی دباوکی موج گھڑی کی اُلٹی سمت بینی زاویہ بڑھنے کی سمت میں گھوم گئ ہے۔ اسی طرح 0.002 بریہ چوٹی 0.36 برقی زاویہ پر نظر آئے گی۔ کسی بھی لمحہ t پر بالکل اسی طرح چوٹی کا مقام معلوم کیا جا سکتا ہے جسے شکل میں تیز سابی کے ٹھوس لکیر سے دکھایا گیا ہے۔

$$\theta - \omega t' = 0$$
$$\theta = \omega t'$$

اس مساوات سے یہ واضح ہے کہ چوٹی کا مقام متعین کرنے والا زاویہ بتدر تکح بڑھتا رہتا ہے۔اس مساوات سے ہم ایک مکمل 2π برقی زاویہ کے چکر کا وقت T حاصل کر سکتے ہیں یعنی

(5.49)
$$t = \frac{\theta}{\omega}$$

$$T = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

اگر برتی روکی تعدد 50 ہو تو یہ مقناطیسی دباوکی موج ہر $0.02=rac{1}{50}$ سینڈ میں ایک مکمل برتی چکر کا ٹتی ہے یعنی یہ ایک سینڈ میں 50 برتی چکر کا ٹتی ہے۔

اس مثال میں برقی زاویہ کی بات ہوتی رہی۔ دو قطب کی آلوں میں برقی زاویہ θ_e اور میکانی زاویہ θ_m برابر ہوتے ہیں۔ للذا اگر دو قطب کی آلوں کی بات کی جائے تو مساوات 5.49 کے تحت ایک سینڈ میں مقناطیسی دباو کی موج f برقی یا میکانی چکر کاٹے گی جہال f برقی رو کی تعدد ہے اور اگر P قطب رکھنے والی آلوں کی بات کی جائے تو چونکہ

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا ایسے آلوں میں یہ مقناطیسی دباو کی موج ایک سینڈ میں f مقناطیسی چکر یعنی $\frac{2}{P}$ میکانی شکر کائے گ۔

اگر ہم برقی رو کی تعدد کو f_e سے ظاہر کریں، مقناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برقی زاویہ کو θ_e اور اس کے میکانی زاویہ کو θ_m سے ظاہر کریں اور اس طرح اس مقناطیسی دباو کی موج کے گھومنے کی رفتار کو θ_m یا θ_m سے ظاہر کریں تو

(5.51)
$$\omega_{m} = \frac{2}{P}\omega_{e} \quad \text{rad/s}$$

$$f_{m} = \frac{2}{P}f_{e} \quad \text{Hz}$$

$$n = \frac{120f_{e}}{P} \quad \text{rpm}$$

 ω_e اس موج کی معاصر رفتار برقی زاویہ فی سینڈ میں ہے جبکہ ω_m یبی معاصر رفتار میکانی زاویہ فی سینڈ میں ہے۔ اس طرح ω_e اس موج کی برقی معاصر رفتار برقی ہرٹز میں اور ω_e اس کی میکانی معاصر رفتار ω_e معاصر رفتار ω_e برٹز میں ہے۔ برقی معاصر رفتار ω_e کا مطلب یہ ہے کہ ایک سینڈ میں یہ موج ω_e برقی چکر کا فاصلہ طے کرے گی جہاں ایک برقی چکر دو قطب کا فاصلہ لیعن ω_e ریڈ بیک کا زاویہ ہے۔ اس طرح میکانی معاصر رفتار ω_e ہر ٹز ہونے کا مطلب ہے کہ یہ موج ایک طرح میکانی چکر عام زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے کہ یہ موج ایک سینڈ میں میکانی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکانی چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات معاصر رفتار کی مساوات ہے۔

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ ہم q دور کی لیٹی مشین جس کے لیجھے $\frac{2\pi}{q}$ برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں q دور کی برقی رو ہو، ایک ہی ست میں گھومتی مقناطیسی دباو کی موج کو جنم دیتی ہے جیسے ہم نے تین

synchronous speed³⁶ rpm, rounds per minute³⁷

دور کی مثین کے لئے دیکھا۔ مزید ہے کہ اس موج کا حیطہ کسی ایک کچھے سے پیدا مقناطیسی دباو کے حیطہ کے $\frac{q}{2}$ گنا ہو گا اور اس کے گھومنے کی رفتار $\omega_e=2\pi f$ برقی ریڈیئن فی سینڈ ہو گی۔

5.5.3 تین دورکی کپٹی مشین کاتر سیمی تجزیه

شکل 5.18 میں تین دور کی لیٹی مثین دکھائی گئی ہے۔ اس میں مثبت برقی رو کی سمتیں بھی دکھائی گئی ہیں، مثلاً α شکا فیل برقی رو صفحہ سے عمود کی سمت میں باہر جانب کو ہے اور بیہ بات نقطہ سے واضح کی گئی ہے۔ اس طرح α شکاف میں برقی رباو صفحہ سے عمود کی سمت میں اندر کی جانب کو ہے اور بیہ بات صلیب کے نشان سے واضح کی گئی ہے۔ اگر برقی رو مثبت ہو تو اس کی یہی سمت ہو گی اور اس سے پیدا مقاطیعی دباو α صفر زاویہ کی جانب ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ لیچھے میں برقی رو سے پیدا مقاطیعی دباو کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جا سکتی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ لیچھے میں برقی رو منفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برقی رو اُلٹ سمت میں ہے۔ لیخی اب برقی رو منفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برقی رو اُلٹ سمت میں ہے۔ لیخی باہر کی جانب شکاف میں صفحہ کے عمود کی سمت میں باہر کی جانب کو ہے۔ لہٰذا اس برقی رو سے پیدا مقاطیعی دباو بھی پہلے سے اُلٹ سمت میں ہو گی یعنی یہ شکل میں دیے گئے ہے کہ برقی رو کے منفی بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر بیہ بات واضح ہو جائے کہ برقی رو کے منفی بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر بیہ بات واضح ہو جائے کہ برقی رو کے منفی بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر بیہ بات واضح ہو جائے کہ برقی رو کے منفی ہونے سے اس سے پیدا مقاطیعی دباو کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔

اس شکل میں کیچھوں میں برتی رو اور مقناطیسی دباویہ ہیں

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

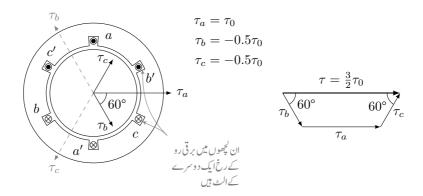
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

(5.53)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

جبکہ ان کے مثبت سمتیں شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اب ہم مختلف او قات پر ان مقداروں کا حساب لگاتے ہیں اور ان کا کل مجموعی مقناطیسی دباو حل کرتے ہیں۔



شكل5.20: لمحه $t_0=0$ يربر قى رواور مقناطيسى د باوـ $t_0=0$

t=0 پر ان مساوات سے ملتا ہے۔

(5.54)
$$i_a = I_0 \cos 0 = I_0$$

$$i_b = I_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5I_0$$

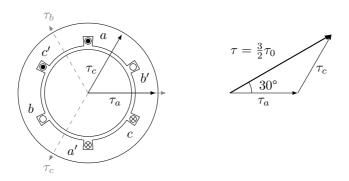
$$i_c = I_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5I_0$$

(5.55)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$

5.18 یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔اس لمحہ پر i_a مثبت ہے جبکہ i_b اور i_c منفی ہیں۔ للذا i_a ای سمت میں ہے جو شکل i_c میں i_b میں ویے گئے سمتوں کے اُلٹ میں i_c میں i_c میں اور i_c شکل میں ویے گئے سمتوں کے اُلٹ میں ان تینوں برقی روکی اس لمحہ پر درست سمتیں شکل 5.20 میں وکھائی گئی ہیں۔اس شکل میں تینوں مقاطیسی وباو مجھی و کھائے گئے ہیں۔

کل مقناطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم، مجموعہ سمتیات سے معلوم کیا جا سکتا ہے یا پھر الجبرا کے ذریعہ ایسا کیا جا سکتا ہے۔

(5.56)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_a &= \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_b &= 0.5\tau_0 \left[\cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} - \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_c &= 0.5\tau_0 \left[\cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \end{aligned}$$



شكل 5.21: لحمه $t_1=30^\circ$ لحم $t_1=30^\circ$ لحم في الم

(5.57)
$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2} \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}$$

کل مقناطیسی دباو ایک کچھ کے مقناطیسی دباو کے ڈیڑھ گنا ہے اور یہ صفر زاویہ پر ہے۔ اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ کمیے بعد t_1 پر دوبارہ بہی سب حساب لگاتے ہیں۔ چونکہ مساوات 5.52 اور مساوات 5.53 میں متغیرہ کے بجائے سے استعال زیادہ آسان ہے لہذا ہم کھہ t_1 کو یوں چنتے ہیں کہ $\omega t_1 = 30^\circ$ کے برابر ہو۔ ایسا کرنے سے ہمیں یہ دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے۔

(5.58)
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

(5.59)
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$
$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

یہ شکل 5.21 میں دکھایا گیا ہے۔کل مقناطیسی دباو کا طول ⊤ کو تکون کے ذریعہ یوں حل کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح اس کا زاویہ بھی اسی سے حاصل ہوتا ہے۔ یعنی

(5.60)
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a \tau_c \cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

5.6. محسر ك_بر قي دباو

اور چونکہ اس تکون کے دو اطراف برابر ہیں لہذا اس کے باقی دو زاویہ بھی برابر اور °30 ہیں۔

5.6 محرك برقى دباو

یہاں محرک برقی دباو³⁸ کو ایک اور زاویہ سے پیش کیا جاتا ہے۔

5.6.1 بدلتی روبر قی جزیٹر

شکل 5.22 میں ایک بنیادی بدلتی روجنہ پڑ³⁹ د کھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتی ہے، یعنی

$$(5.61) B = B_0 \cos \theta_p$$

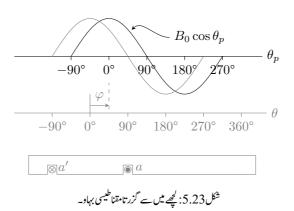
یہ مقناطیس ω زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔یوں اگر ابتدائی لمحہ t=0 پریہ a کیجھے کی سمت یعنی ہلکی سیاہی کی افقی کلیر کی سمت میں ہو تو لمحہ t پریہ گھوم کر زاویہ $\theta_m=\omega t$ پر ہو گا۔اس طرح یہی مساوات یوں بھی کلھا جا سکتا ہے۔

(5.62)
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.23 میں B کو زاویہ θ اور θ_p کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ اسی ترسیم میں کچھا کہ بھی دکھایا گیا ہے۔اس شکل 3.23 میں B میں مبکی سیابی سے کمور اور اس کچھے کا محور ایک ہی سمت میں مبکی سیابی سے کمور ایک ہی سمت سیابی سے کمور ایک ہی سمت میں مبکی سیابی سے کمور ایک ہی کو کمور ایک ہی سیابی سے کمور ایک ہی سیابی سیابی سے کمور ایک ہی سیابی سیاب

³⁸ بتداء میں حرکت سے پیدا ہونے والی بر تی دیاد کو محرک بر تی دیاد کتھ تھے۔اب روایتی طور پر کسی مجی طرع پیدا کر دو بر تی دیاو کو محرک بر تی دیاد کتھ ہیں۔ ac generator³⁹

$$B = B_0 \cos \theta_p$$
 $= B_0 \cos(\theta - \theta_m)$
 $= B_0 \cos(\theta - \omega t)$
 $B = B_0 \cos(\theta - \omega t)$
 $B = B_0 \cos(\theta - \omega t)$



5.6. محسر ك برقى دباد

میں ہوتے ہیں جبکہ کالی سیابی میں اس B کو کسی بھی کھہ t پر دکھایا گیا ہے۔اس کھہ پر برقی مقناطیس کے محور اور کچھے کے محور کے مابین θ زاویہ ہے۔ یہ زاویہ برقی مقناطیس کے گھومنے کی رفتار ω پر منحصر ہے لیعنی

$$(5.63) \theta = \omega t$$

لحہ t=0 پر کچھے میں سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزر رہی ہے۔ اگر خلائی درز بہت باریک ہو، تو اس کے اندر اور باہر جانب کے رداس تقریباً یکساں ہوں گے۔ برتی مقناطیس کے محور سے اس خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ اگر م ہو اور برقی مقناطیس کا دھرے 40 کی سمت میں محوری لمبائی 41 ہو تو اس کچھے میں وہی مقناطیسی بہاو ہو گا جو اس خلائی درز میں $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{\pi}{2}$ کا بین ہے۔ لحہ 0 = t پر اسے یوں معلوم کیا جا سکتا ہے

(5.64)
$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

جہاں آخر میں $\phi_a(0)$ کو $\phi_a(0)$ کہا گیا ہے۔ یہی حساب اگر لمحہ t پر کی جائے تو کچھ یوں ہو گا۔

(5.65)
$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0} l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \omega t$$

 $\begin{array}{c} & \text{axle}^{40} \\ & \text{axial length}^{41} \end{array}$

جہاں $\theta=\omega t$ لیا گیا ہے۔اسی مساوات کو یوں بھی حل کیا جا سکتا ہے

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t))(l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t)|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[\sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ تکمل زاویہ 6 کے ساتھ کیا گیا ہے۔ انہیں مساوات 5.64 کی مدد سے یوں کھا جا سکتا ہے۔

$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

بالکل مساوات 5.66 کی طرح ہم b اور c کچھوں کے لئے بھی مقناطیسی بہاو کی مساواتیں حل کر سکتے ہیں۔ شکل مساوات 5.22 میں d کچھے میں زاویہ d ناویہ d کے سے d کے حک کا مقناطیسی بہاو گزرتا ہے۔ اس لئے d معلوم کرنے کے لئے مساوات 5.20 میں مکمل کے حدود یہی رکھے گئے تھے۔ اسی شکل سے واضح ہے کہ d کچھے کے حکمل کے حدود d کو میں میں کمل کے حدود d اور d بیں۔ یہ زاویے ریڈیٹن میں دیئے گئے ہیں۔ یوں

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t - \frac{2\pi}{3})$$

5.6. محسر ك_بر قي دباو

اور

$$\phi_{c}(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t))(l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[\sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos(\omega t + \frac{2\pi}{3})$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos(\omega t + \frac{2\pi}{3})$$

$$- \mathcal{L}_{c} = N\phi_{a}(t) = N\phi_{0} \cos \omega t$$

$$\lambda_{b} = N\phi_{b}(t) = N\phi_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\lambda_{c} = N\phi_{c}(t) = N\phi_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

$$\lambda_{c} = N\phi_{c}(t) = N\phi_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

ان مساوات میں $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیٹن کو 120° لکھا گیا ہے۔ان سے کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو کا حساب یوں لگایا جا سکتا ہے۔

(5.71)
$$e_a(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں

(5.72)
$$\begin{aligned} e_a(t) &= \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^\circ) \\ e_b(t) &= \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^\circ) \\ e_c(t) &= \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^\circ) \end{aligned}$$

یہ مساوات تین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتے ہیں جو آپس میں °120 زاویہ پر ہیں۔ان سب کا حیطہ E_0 کیسال ہے جہال

$$(5.73) E_0 = \omega N \phi_0$$

اور ان برقی دباو کی موثر قیمت⁴²

(5.74)
$$E_{\dot{\tau}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

ہو گی۔ چونکہ $\phi = BA$ ہوتا ہے لہذا ہیہ مساوات بالکل صفحہ 52 پر دئے مساوات 2.52 کی طرح ہے۔

مساوات 5.72 سائن نما برقی دباو کو ظاہر کرتا ہے۔ اگرچہ اسے یہ سوچ کر حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی مقناطیسی بہاو صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباو کا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو جزیئر کے بہاو کس طرح وجود میں آئی اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں یہ مقناطیسی بہاو جزیئر کے ساکن چیر ہویاں دونوں حصوں میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.74 ہمیں ایک گیھ لیچھ میں پیدا برقی دباو دیتی ہے۔ اگر لیھا تقسیم شدہ ہو تو اس کے مختلف شکافوں میں موجود اس کیچھ کے حصوں میں برقی دباو ہم قدم نہیں ہوں گے للذا ان سب کا مجموعی برقی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہوگا بلکہ اس سے قدرِ کم ہوگا۔ اس مساوات کو ہم ایک تھیلے کیھے کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.75)
$$E_{z, r} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

تین دور برقی جزیٹروں کے k_w کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں ایک دور کی برقی دباو دیتی ہے۔ تین دور برقی جنریٹروں میں ایسے تین کچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی شارہ نما یا Δ یعنی شکونی جوڑا جاتا ہے۔

5.6.2 يک سمتی روبر تی جزيٹر

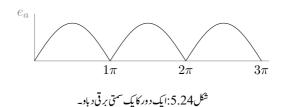
ہر گھومنے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو جزیٹر ہی ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمتی برقی دباو⁴³ کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتی برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ ایباالیکٹرائنس کے ذریعہ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمتے کار⁴⁴ کی مدد سے کیا جا سکتا ہے یا پھر میکانی طریقے سے میکانی سمتے کار⁴⁵ کی مدد سے جزیٹر کے اندر ہی کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.71 میں دیئے گئے برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جائے تو یہ شکل 5.24 کی طرح ہو گا۔

rms4

DC voltage⁴³

rectifier⁴⁴

 $commutator^{45}$



مثال 5.5: شکل 5.24 میں یک سمتی برقی دباو دکھائی گئی ہے۔اس یک سمتی برقی دباو کی اوسط قیمت حاصل کریں۔

ىل:

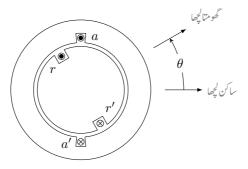
$$E_{ extsf{Lost}} = rac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = rac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمتی برقی جزیر پر باقاعدہ تبحرہ کتاب کے باب میں کیا جائے گا۔

5.7 هموار قطب مشينول مين قوت مر ورا

اس جھے میں ہم ایک کامل مشین میں قوضے مرور 46 کا حساب لگائیں گے۔ ایسا دو طریقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ ہم مشین کو دو مقناطیس سمجھ کر ان کے مابین قوتِ کشش، قوتِ دفع اور قوت مروڑ کا حساب لگا سکتے ہیں یا پھر اس میں ساکن اور گوشتے کچھوں کو امالہ سمجھ کر باب چار کی طرح توانائی اور کو توانائی کے استعمال سے اس کا حساب لگائیں۔ پہلے توانائی کا طریقہ استعمال کرتے ہیں۔

 $\rm torque^{46}$



شكل 5.25: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

5.7.1 توانائی کے طریقے سے مکانی قوت مروڑ کا حساب

یہاں ہم ایک دور کی مثنین کی بات کریں گے۔ اس سے حاصل جوابات کو با آسانی زیادہ دور کی آلوں پر لا گو کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.25 میں ایک دور کی کامل مثنین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس کی دو کچھوں میں کچھ زاویہ ہو گا جے θ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر جگہ کیساں ہے لہٰذا یہاں اُبھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جائے گا۔ مزید یہ کہ قالب کی ϕ ستقل ϕ تصور کی گئی ہے لہٰذا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل ϕ بہندا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل ϕ بہندا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل ϕ بہندا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل ϕ بہندا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل ϕ بہندا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل ϕ

 $L_{ar}(\theta)$ ال مشتر کہ امالہ $L_{ar}(\theta)$ اور گھوے کچھے کی امالہ L_{rr} مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ $L_{ar}(\theta)$ زاویہ θ پر منحصر ہو گا۔ جب $\theta=0$ یا $\theta=\pm 2\pi$ یا $\theta=0$ یا $\theta=\pm 180$ نراز ہو تو ایک لیجھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے بھی گزرتا ہے البتہ اس کھے اس کی سمت ہو اس کھے ایک مرتبہ پھر ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے البتہ اس کھے اس کی سمت اُلٹ ہوتی ہے لہذا اب ان کا مشتر کہ منفی ہو گا یعنی $-L_{ar0}$ اور جب $-L_{ar0}$ ہو تب ان کا مشتر کہ اللہ صفر ہو گا۔ اگر ہم یہ ذہن میں رکھیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو سائن نما ہے تب

$$(5.76) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

ہو گا۔ ہم ساکن اور گھومتے کچھوں کی ارتباط بہاو کو یوں لکھ سکتے ہیں

(5.77)
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ar}(\theta)i_r = L_{aa}i_a + L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
$$\lambda_r = L_{ar}(\theta)i_a + L_{rr}i_r = L_{ar0}\cos(\theta)i_a + L_{rr}i_r$$

magnetic constant, permeability⁴⁷

ا گر ساکن کچھے کی مزاحمت R_a اور گھومتے کچھے کی مزاحمت R_r ہو تو ہم ان کچھوں کے سروں پر دیئے گئے برقی دباو کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(5.78) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$
$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں θ برقی زاویہ ہے اور وقت کے ساتھ اس کی تبدیلی رفتار ω کو ظاہر کرتی ہے یعنی

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ کو توانائی حاصل کی جا سکتی ہے۔ کو توانائی صفحہ 127 پر مساوات 4.72 سے حاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(5.80)
$$W'_{m} = \frac{1}{2} L_{aa} i_{a}^{2} + \frac{1}{2} L_{rr} i_{r}^{2} + L_{ar0} i_{a} i_{r} \cos \theta$$

اس سے میکانی قوت مروڑ T_m یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.81)
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

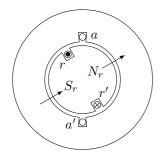
چونکہ P قطب مشینوں کے لئے

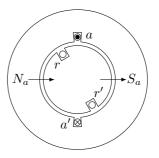
$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا ہمیں مساوات 5.81 سے ملتا ہے

(5.83)
$$T_m = -\frac{P}{2}L_{ar0}i_ai_r\sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ T_m منتی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر کسی لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کو ایک بہاو کے در میان زاویہ مثبت ہو تو ان کے مابین قوت مروڑ منتی ہو گا یعنی قوت مروڑ ان دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک سمت میں رکھنے کی کوشش کرے گا۔





شكل 5.26: لچھوں كے قطبين۔

5.7.2 مقناطيسي بهاوسے ميكاني قوت مر وڑ كاحساب

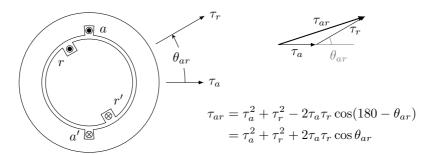
شکل 5.26 میں دو قطب والی ایک دور کی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب صرف گھومتے کچھے میں برقی رو ہے۔ اس ٹیکل میں بائیں جانب صرف گھومتے کچھے میں برقی رو ہے۔ اس کچھے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے، لیغنی تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں اگر صرف گھومتے جھے پر توجہ دی جائے تو یہ واضح ہے کہ گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اس طرح شکل میں دائیں جانب صرف ساکن کچھے میں برقی رو ہے۔ اگر اس مرتبہ صرف ساکن حھے پر توجہ دی جائے تو اس کے بائیں جانب سے مقناطیسی بہاو نکل کر خلائی درز میں داخل ہوتی ہے، لہٰذا یہی اس کا شالی قطب ہے اور اس مقناطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔

یبال بیہ واضح رہے کہ اگرچہ کچھ لیچھ دکھائے گئے ہیں لیکن در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہی ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباوکی موج کے چوٹی کو ظاہر کرتے ہیں۔

شکل 5.27 میں اب دونوں کچھوں میں برقی رو ہے۔ یہ واضح ہے کہ یہ بالکل دو مقناطیسوں کی طرح ہے اور ان کے اُلٹ قطبین کے مابین قوتِ کشش ہو گا، یعنی یہ دونوں کچھے ایک ہی سمت میں ہونے کی کوشش کریں گے۔

یبال بیه زیادہ واضح ہے کہ بیہ دو مقناطیس کوشش کریں گے کہ θ_{ar} صفر کے برابر ہو یعنی ان کا میکانی قوت مروڑ θ_{ar} کے اُلٹ سمت میں ہو گا۔ یہی کچھ مساوات 5.83 کہتا ہے۔

ان برقی مقناطیسوں کے مقناطیسی دباو کو اگر ان کے مقناطیسی محور کی سمت میں au_a اور au_r سے ظاہر کیا جائے جہاں ہوں تو خلاء میں کل مقناطیسی دباو au_a ان کا جمع سمتیات ہو گا جیسے جہاں au_a



شكل 5.27: خلائي در زمين مجموعي مقناطيسي دياو په

(5.84)
$$au_{ar} = au_a^2 + au_r^2 - 2 au_a au_r \cos(180^\circ - heta_{ar})$$
 $au_a^2 = au_a^2 + au_r^2 - 2 au_a au_r \cos(180^\circ - heta_{ar})$ $au_a^2 + au_r^2 + 2 au_a au_r \cos heta_{ar}$

خلائی ورز میں یہ کل مقناطیسی و باو، مقناطیسی شدت H_{ar} کو جنم دے گا جو اس قلیہ سے حاصل ہوتا ہے۔ $au_{ar} = H_{ar} l_g$ (5.85)

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ اب جہاں خلاء میں مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی ہمہ توانائی کی کثافت H_{ar} کی کثافت H^2 ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط ہمہ توانائی کی کثافت اس خلائی درز میں H^2 کی اوسط ضربِ H^2 کی کثافت اس خلائی درز میں اوسط ضرب H^2 کی اوسط H^2 کی اوسط نے H^2 کی اوسط کیا جاتا ہے۔ ہوگی۔ کسی بھی سائن نما موج H^2 کی اوسط H^2 کا اوسط H^2 کی اوسط کیا جاتا ہے۔

(5.86)
$$H_{\text{br,s}}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

cosine law⁴⁸

للذا خلائی درز میں اوسط ہمہ توانائی کی کثافت $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$ ہو گی اور اس خلاء میں کل ہمہ توانائی اس اوسط ہمہ توانائی ضربِ خلاء کی حجم کے برابر ہو گا یعنی

(5.87)
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درز کی رداسی لمبائی $_{g}l_{p}$ ہور اس کی دھرے 49 کی سمت میں محوری لمبائی 50 ہے۔ محور سے خلاء کی اوسط رداسی فاصلہ $_{r}$ ہے۔ مزید بیہ کہ $_{g}l_{g}$ ہے۔ اس طرح خلاء میں رداسی سمت میں کثافت مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.88)
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{q}} \left(\tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

اس سے میکانی قوت مروڑ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے

(5.89)
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_{0}\pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

یہ حساب دو قطب والی مشین کے لئے لگایا گیا ہے۔ P قطب والے مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کا میکانی توت مروڑ دیتا ہے للذا ایسے مشین کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

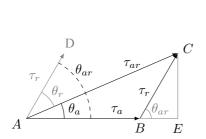
$$(5.90) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

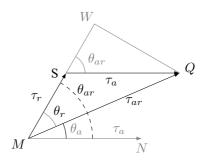
یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ اس کے مطابق مشین کا میکانی قوت مروڑ اس کے ساکن اور گھومتے لیجھوں کے مقاطیسی دباو کے چوٹی کے براہ راست متناسب ہے۔ اس طرح یہ ان دونوں کے درمیان برقی زاویہ θ_{ar} کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہے۔ منفی میکانی قوت مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ θ_{ar} کے الٹ جانب ہے لیعنی یہ میکانی قوت مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی جانب کو ہے۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک برابر گر الٹ ستوں میں میکانی قوت مروڑ ہوتا ہے البتہ ساکن جے کا قوت مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو جاتا ہے جبکہ گھومتے جے کا میکانی قوت مروڑ اس جے کو گھماتا ہے۔

چونکہ مقناطیسی وباو برقی رو کے براہ راست متناسب ہے للذا au_a اور i_a آپس میں براہ راست متناسب ہیں جبکہ اور au_r اور i_r آپس میں براہ راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.83 اور 5.90 ایک جیسے au_r اور حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل برابر ہیں۔

 $axis^{49}$

axial length⁵⁰





شکل 5.28: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

شکل 5.28 میں ایک مرتبہ پھر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں بائیں جانب تکون ΔAEC اور ΔBEC میں CE مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.91) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.92) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

$$(5.93) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اب اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.94) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مهاوات 5.90 مهاوات 5.92 اور مهاوات 5.94 كو ايك جبكه لكھتے ہيں۔

(5.95)
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے یہ واضح ہے کہ میکانی قوت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا میں لکھا جا سکتا ہے یا پھر ایک کچھے کی مقناطیسی دباو اور کل مقناطیسی دباو اور ان دو کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یول بیان کیا جاسکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کے آپس میں رد عمل کی وجہ سے وجود میں آتا ہے اور یہ ان مقناطیسی دباو کی چوٹی اور ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو سب کا آپس میں تعلق رکھتے ہیں للذا ان مساوات کو کئی مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو au_{ar} اور وہاں کثافت مقناطیسی بہاو B_{ar} کا تعلق

$$(5.96) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_q}$$

استعال کر کے مساوات 5.95 کے آخری جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(5.97) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی آلوں میں مقناطیسی قالب کی مقناطیسی مستقل μ کی محدود صلاحیت کی وجہ سے قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ لہذا مثین بناتے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا پڑتا ہے۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو اس کچھے میں برتی رو پر مخصر ہوتا ہے۔ اس برتی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے یہ لچھا گرم ہوتا ہے۔ برتی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک اس کچھے کو ٹھنڈا کرنا ممکن ہو۔ لہذا مقناطیسی دباو کو اس حد کے اندر رکھنا پڑتا ہے۔ چونکہ اس مساوات میں یہ دو بہت ضروری حدیں واضح طور پر سامنے ہیں اس لئے یہ مساوات مثین بنانے کی غرض سے بہت اہم ہے۔

اس مساوات کی ایک اور بہت اہم شکل اب دیکھتے ہیں۔ ایک قطب پر مقناطیسی بہاو ϕ_P ایک قطب پر اوسط کا رقبہ A_P ہوتا ہے۔ جہاں کثافت مقناطیسی بہاو اوسطB ضرب ایک قطب کا رقبہ A_P ہوتا ہے۔ جہاں

(5.98)
$$B_{\nu,l} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.99) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

أور

(5.101)
$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

فرہنگ

| earth, 94 | ampere-turn, 32 |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| eddy current loss, 62 | armature coil, 131, 251 |
| eddy currents, 62, 126 | axle, 161 |
| electric field intensity, 10 electrical rating, 59 electromagnet, 131 electromotive force, 61, 137 emf, 137 enamel, 62 energy, 43 Euler, 21 excitation, 61 | carbon bush, 177 cartesian system, 4 charge, 10, 136 circuit breaker, 178 coercivity, 46 coil high voltage, 56 low voltage, 56 primary, 55 |
| excitation, 61 excitation current, 50, 60, 61 excitation voltage, 61 excited coil, 61 | secondary, 55 commutator, 164, 241 conductivity, 25 conservative field, 108 |
| Faraday's law, 38, 125 field coil, 131, 251 flux, 30 Fourier series, 63, 142 frequency, 130 fundamental, 142 fundamental component, 64 | core, 55, 126 core loss, 62 core loss component, 64 Coulomb's law, 10 cross product, 13 cross section, 9 current transformation, 66 cylindrical coordinates, 5 |
| ac, 159 ground current, 94 ground wire, 94 harmonic, 142 | delta connected, 92 design, 195 differentiation, 18 dot product, 15 |
| harmonic components, 64 | E,I, 62 |
| | |

ئىرىتاك 270

| parallel connected, 253 | Henry, 39 |
|----------------------------|------------------------------|
| permeability, 26 | hunting, 178 |
| relative, 26 | hysteresis loop, 46 |
| phase current, 94 | |
| phase difference, 23 | impedance transformation, 71 |
| phase voltage, 94 | in-phase, 69 |
| phasor, 21 | induced voltage, 38, 49, 61 |
| pole | inductance, 39 |
| non-salient, 140 | |
| salient, 140 | Joule, 43 |
| power, 43 | |
| power factor, 23 | lagging, 22 |
| lagging, 23 | laminations, 31, 62, 126 |
| leading, 23 | leading, 22 |
| power factor angle, 23 | leakage inductance, 79 |
| power-angle law, 188 | leakage reactance, 79 |
| primary | line current, 94 |
| side, 55 | line voltage, 94 |
| | linear circuit, 226 |
| rating, 96, 97 | load, 98 |
| rectifier, 164 | Lorentz law, 136 |
| relative permeability, 26 | Lorenz equation, 102 |
| relay, 101 | |
| reluctance, 25 | magnetic constant, 26 |
| residual magnetic flux, 45 | magnetic core, 31 |
| resistance, 25 | magnetic field |
| rms, 49, 164 | intensity, 11, 33 |
| rotor, 36 | magnetic flux |
| rotor coli, 104 | density, 33 |
| rpm, 155 | leakage, 78 |
| | magnetizing current, 64 |
| saturation, 47 | mmf, 30 |
| scalar, 1 | model, 81, 207 |
| self excited, 251 | mutual flux linkage, 43 |
| self flux linkage, 42 | mutual inductance, 42 |
| self inductance, 42 | |
| separately excited, 251 | name plate, 97 |
| side | non-salient poles, 177 |
| secondary, 55 | |
| single phase, 23, 59 | Ohm's law, 26 |
| slip, 209 | open circuit test, 86 |
| slip rings, 176, 229 | orthonormal, 3 |

ف رہنگ

| unit vector, 2 | star connected, 92 |
|------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| unit vector, 2 | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · |
| VA, 75 vector, 2 volt, 137 volt-ampere, 75 voltage, 137 DC, 164 transformation, 66 | stator, 36 stator coil, 104, 127 steady state, 175 step down transformer, 58 step up transformer, 58 surface density, 11 synchronous, 130 synchronous inductance, 184 synchronous speed, 155, 176 |
| Watt, 43 | |
| Weber, 32 | Tesla, 33 |
| winding distributed, 140 winding factor, 147 | theorem maximum power transfer, 229 Thevenin theorem, 226 three phase, 59, 92 time period, 100, 142 torque, 165, 209 pull out, 178 transformer air core, 59 communication, 59 ideal, 65 |
| | transient state, 175 |

| پتریاں،62 | ابتدائی |
|----------------------------------|-------------------------------|
| يورا بوجھ، 197 | جانب،55 |
| نیچے،80 | گچھا، 55 |
| ىتىپ پېش زاويە، 22 | ار تباط بهاو، 39 |
| | اضافي |
| تاخير ي زاويه، 22 | زاویا کی رفتار، 212 |
| تار کی برقی د باو،94 | اکائی سمتیه، 2 |
| تار کی برقی رو،94 | اماله، 39 |
| تانبا،28 | امالى بر قى د باو، 38، 49، 61 |
| تبادله | اوہم میٹر،237 |
| ر کاوٹ، 71 | ا یک، تین پتریال، 62 |
| مختی،97 | ایِک مرحلہ،59 |
| تدريجي تفرق،113 - 120 | ايمپيئر - چکر ، 32 |
| تعدد،130 آت 179 | |
| تعقب،178 تفرق،18 | 136., |
| عرن،18 جزوی،18 | بر قرار چالو،175،100 م ت |
| برون. تکمل،18 | بر قي بار، 136،106 |
| س،18 تکونی جوڙ،92 | بر تي د باد، 28، 137 |
| توني بور، 42 توانائي، 43 | تبادله،66،56 |
| وانان، 45،59 تین مرحله، 92،59 | ځرک،137 |
| 20,000,000 | بيجاني،185 |
| ٹرانسفار مر | يك شتى،164 ق |
| برُ تی د باووالا، 59 | بر تی رو،28 بیخور نما،126 |
| بوجھ بردار،68 | بسور ما،120 تبادله،66 |
| خلائی قالب،59 | مبادله،006 بیجان انگیز،50 |
| د باوبر ماتا، 58 | یجان۱ میر،30 برتی سکت،59 |
| د باو ِ گھٹا تا،58 | ېري سختي،ود بر تي ميدان،10 |
| ذرائع ابلاغ، 59 | بری شیدان،10 شدت،28،10 |
| رووالاء59 | مرت.28،10 بش،177 |
| كال65، | بناوك، 86 |
| شلا، 33 | بنیادی جزو، 142،644 |
| ٹھنڈی تار،94 | بو تھ ، 98 |
| ثانوي جانب، 55 | بھٹی،114 |
| 33. 4 4031 | بجينور نما |
| جاول،43 | برتی رو، 62 |
| 97. | ضياع،62 |
| يچىلاو،147 | بھنور نمابر تی رو،126 |
| جزوطاقت،23 | بے بو جھ ،60 |
| پ <u>ث</u> ن،23 | |
| تاخيرى،23 | پ ر ی، 31، 126 |

<u>ــــرہگ</u>ـــــ

| سرك چىلے،176،229 | جنزیٹر بدلتی رو، 159 جوڑ تکونی، 92 تالیم نیا 92 |
|-----------------------------------------|-------------------------------------------------------------|
| سطى تكمل، 181 | بدلخارو،159 |
| سطى كثافت،11 | جوز گانی ۵۲ |
| سكت،96،96 | ستاره نماه 92 ستاره نماه 92 |
| سلسله وار 145 | 92100 |
| سمت كار، 241 | چکر فی منٹ،126 |
| برقیاتی،164 | پولى - 211 چۇلى، 211 |
| ميكاني،164 | |
| سمتىيە،2 | خطى |
| عمودياکائي، 3 | ېر تې دور، 226 |
| سمتی ر فتار ،102 | خو دار تباط بهاو، 42 |
| سير ابيت،47 | خوداماله، 42 |
| ضرب | داخلي ڀيجان |
| نقطه،15 | ر ساسله وار ، 253 سلسله وار ، 253 |
| ضرب صليبي، 13 | متوازی، 253 متوازی، 253 |
| 42 *** | مرکب،253 |
| طاقت،43 | دور برطی مرکب، 253 |
| طاقت بالمقابل زاويه، 188 طول موج، 18 | دور شکن، 178 |
| طول مون، ۱۵ | دوری عرصه، 142،100 |
| عار ضی صور ت، 175 | دهره 161 |
| عمودی تراش،9 | |
| ر تبہ،9 | رشا |
| • | اماله، 79 |
| غيرسمتي،1 | متعامله، 79 |
| غير معاصر ،178 | رستامتعامليت،217 |
| 250 / : | رفتار |
| فورئير،250 : برنسل دې ده د | اضافی زاویاکی، 212 |
| فوريئرنشلىل،63،142 | روغن،62 |
| فیراڈے | رياضي نمونه، 207،81 |
| تانون،38،125 | ریلے،101 |
| قالب،126 | زاویه جزوطاقت، 23 |
| قالبي ضياع، 62 | رادييه اردي العربي . زمين ،94 |
| 64.9.7. | رين. زيني بر تي رو، 94 |
| قانون | رين برن روم. زيني تار، 94 |
| اوېم،26 |)-t-000-0 |
| كولمب ،10 | ساكن حصه،36 |
| لورينز،136 | ساكن كيچها،127،104 |
| قدامت پبند میدان، 108 | ستاره نماجوژ،92 |
| قريب جڙي مر ٽب، 253 | سرك،209 |
| | |

274 سنرہنگ

| مر حلی فرق، 23 | قطب |
|----------------------------------------------------------------|-----------------------------------|
| مركب جزيثر، 253 | ابھرے،140،177 |
| مزاَحت، 2ُ5ُ | ہموار،140،177 |
| مساوات لورينز، 102 | قوت مر و _ل ر، 209، 165 |
| مسكم | انتهائي،178 |
| تھو نن ،226 | قوى اليكٹر انكس، 241،207 |
| زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی، 228 | قوى ك <u>ى</u> ھے، 251 |
| مشتر كه ارتباط اماله، 43 | • |
| مشتركه اماله، 42 | كارين بش،177 |
| معاصر،130 | كِار گذارى،200 |
| معاصراماله،184 | ^ک پیسر ،194 |
| معاصر ر فتار ، 176،155 | کافت : |
| معائنه | برقې دو، 27 |
| کھلے دور ،86 | کثافت مقناطیسی بهاو |
| مقناطيس | بقاي،45 |
| برق،131 | كسر دور ، 38 |
| معائنه کطیر دور،86 متناطیس برتی،131 چال کادائرہ،46 | 04 |
| خاتم شدت،46 | گرم تار، 94 ** |
| مقناطیسی بر قی رو، 64 | گومتاحصه،36 |
| مقناطیسی بهاو،30 | گھومتالچھا،104 |
| رتا،78 | ليجا |
| كثافت،33 | • |
| مقناطيسي چال،52 | ابترائی،55 سال 140 |
| مقناطیسی د باو، 30 | <u>کھلے</u> ،140 |
| سمت، 141 | .يىچىدار، 40 ئاندى، 55 |
| مقناطيسي قالب، 55،31 | عوی،دی زیاده برتی دباو، 56 |
| مقناطیسی مستقل،166،26 | ريده بري د بري د. ساكن، 104 |
| 31.26.9.7. | سمت،104 سمت،133 |
| مقناطیسی میدان | ئىت. قوي،131 |
| شدت، 33،11 | - دن. کم بر تی د باو، 56 |
| موژ،49،19 | ا برن دورد. گومتا، 104 |
| موثر قیت ،164 | موم،104 میدانی، 131 |
| موسیقائی جزو،64،142 | 131,0 |
| موصلیت،25 | محد د |
| ميداني لچھے، 251 | محد د کار تثیمی، 4 نکلی 5 |
| ¥ · · · | تَلَى، 5 |
| واٹ، 43 | محرك بر تي د باو، 61 |
| وولٹ،137 | 161.15 |
| وولٺ-ايمپيئر،75 | مخلوط عدد، 192 |
| ويبر،32 | مرحلي سمتيه، 186،21 |
| | |

> ك سمتى رو مشين، 241 ك مر حله، 23 ك مر حله برقى د باو، 94 كي مر حله برقى د و، 94 يولر مساوات، 21

39، چکر، 39 نگلچاب ، 30،25 بم قدم، 69 بم قدم، 61 چیان، 13 خود، 251 پیچان انگیز برتی دو، 16 برتی دو، 16