برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

ix																														چ	د يبا
1																											(ثقا كق	یاد ی	بن	1
1																									إں	كائي	إدىأ	بنيا	1.	1	
1																										ی	ندار ک	مق	1.2	2	
2							•																				ىتىي	سم	1.3	3	
3							•																	Ļ	رتر	نطم	رد، خ	می	1.4	4	
3																			ſ	نظام	دكا	محد	ىسى	کار ج	,	1	.4.	1			
4																					ظام	وكالغ	نحد (نلکی.		1	.4.	2			
7																										قبه	ىتىەر	سم	1.3	5	
8							•																	اش	باترا	ود ک	نبه عمو	; ,	1.0	6	
9																				ن	يداا	ی م	طيب	ر مقنا	ناو	برال	تى مى	1.	1.	7	
9														ی	ندر	لى ش	ن کم	يدا	ا می	برق	اور	ران	ميد	برقی		1	.7.	1			
11											,	ت	شد	، کی	برال	اميا	ىسى	ناط	ر مق	اور	برال) ميا	ليسى	مقنا		1	.7.	2			

iv

11																				•										ت	ثافذ	ی آ	حجم	اور	سطحی	-	1	1.8	
11					•				•		•		•								•							ک	افنة	ی کثر	سطح	,		1.3	8.1	l			
12				•														•		•												٠	نت	كثاه	تجمى	>	1	1.9	
13		•																										لہ	ونقع	رب	رخ	ىاو	مليبه	<u> </u>	نرر	ò	1.	10	
13																												Ů	مليه	ب	ننر.	,	1	.10	0.1	l			
16																•													نطه	بِن	ننر.	,	1	.10	0.2	2			
18		•																												زق	ي تف	زوک	7	اور	نفرق	ï	1.	11	
19																																	Ĺ	تكمل	نطی	;	1.	12	
20																																	ر	تكما	سطحی	-	1.	13	
21		•																														:	ىتىي	ی سم	ر حا	•	1.	14	
25																																			وار	راد	طيسى	مقنا	2
2525	•	•	•					•		•		•		•	•	•	•						•		•	•	•			ٹ	ئيابس	ب چر	اور	ت		•		مقناء 2.1	2
																															•				زاء	,	2	-	2
2526											•				•			•	•		•			ت	ندر	لى ش	ن کم	بداا) مب	برق	اور	پارو	رق	ترِ	نراح نثافذ	•	2	2.1	2
2526		•	•															•						ت	ندر.	ل ل	ن	براا) مب	برق	اور	زرو ن رو	بر ق ر	ت ِ ادوا	رزا ^ح کثافذ رق		2 2 2	2.1	2
252628	•	•											•					•						<u>ت</u>	ئدر.	لى ش	ن	براا) مب	بر ڌ	اور صه	مارو در ح	ر ق ر	ت ِ ب ادوا میسی	رزاح ثثافذ برقی عناط		2 2 2	2.1 2.2 2.3	2
25262830	 •			 		 	 	 												٠.	رند	اشا	،ک	ت	ندر. سير	ل	ن کو طیب	براا	امب درم ^ن	بر ڌ اول	اور صه	کارو در حد اطیس	ر ق ر ادو نقنا	ت ِ ب ادوا میسی	نزاح نثافذ عقناط		2 2 2 2	2.1 2.2 2.3 2.4	2
25 26 28 30 31				 		 	 	 													دن	ش	اک	ت.	ندر. نبید	لى:	ن کو	براا) مب در من	برق ہاواد ہاواد	اور صه	ارون در حد در حد	ر ق ر عقنا إدو	ت بر ادوا میسی میسی	نزاح لثافه عناط عناط	•	2 2 2 2 2	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5	2
25 26 28 30 31 34	 			 		 	 	 													رت .	. ش	، ک	ت الن	ندر.	ان	ن کو کی	براا قنا,) میا در من	برق ہاواد ہاواد	اور مصه صه الداه	ررح اطیس نتر	ر ق ر تقنا مث	ت بربر ادوا میسی میسی اله،	نزاح لثافه عناط عناط عناط		2 2 2 2 2 2	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2

عـــنوان

55																														1	مفار •	ٹرانس	3
56							•																		ت	اہمیہ	کی	ر مر	نسفا	ٹران	3	3.1	
59							•																		سام	لحاقه	۷	ر مر	نسفا	ٹرا	3	3.2	
60																										•	باو	تى د	ابر	امالح	3	3.3	
62		•			•		•													•		مياع	ىن	قا	واور	قىر	1.	نگيز	انا	بيجا	3	3.4	
65							•											ت	صيار	صو	کے خ	ر رو_	رقی	له،	تباد	واور	و با	برقی	له؛	تباد	3	3.5	
68					•																اثر	نب	باجا	زاؤ	كاابتا	وجھ	ب	عانسه	ی,	ثانو	3	3.6	
69							•													ب	مطله	ں کا	نطوا	پر ^ن ه	ت	علام	کی	ر مر	نسفا	ٹران	3	3.7	
70							•																			لہ .	نبادا	_کا:	وط	رکا	3	3.8	
75					•		•															ź	بمبييا	·1-	لٹ	لے وو	۷,	ر مر	نسفا	ٹران	3	3.9	
77							•												. J.	ادو	ساوي	کے مر	ر -ار	راك	بداو	لےاما	۷	ر مر	نسفا	ٹران	3.	10	
77														ť	ہ کر	ده	عليح	امليه	متع	کی	راس	تاو	حمد	مزا	ے کی	لج <u>ي</u>	3	3.1	l 0.	.1			
79																									ناامال	رِن	3	3.1	l 0.	.2			
79																	٠	رات	كےاثر	۷,	الب	ور ق	روا	رقی	ی ب	ثانو	3	3.1	l 0.	.3			
81																				زباو	_ قى د	مالى ب	کی ا.	يُظ	ی	ثانو	3	3.1	l 0.	.4			
82														ت	ران	اثر	2	ملہ۔	متعا	ور	تا	زاتم	ىم	ِ چھے	ب ک-	ثانو	3	3.1	10.	.5			
82																	له	، تباه	انب	ي جا	ثانوك	ائییا	بتدا	16.	وٹ	رکا	3	3.1	10	.6			
84																	زور	وی	مساه	ين.	ه تر ب	ے ساد	<u>_</u> ,	ر مر	نسفار	ٹرا	3	3.1	10.	.7			
86																						عا ئند	ر مع	ړدو	ركس	نداو	حا يَ	ورمو	لے دو	کھا	3.	11	
87																						نہ .	عائن	ر م	لے دو	کھا	2	3.1	11	.1			
89																							ائنه	.مو	ردور	كس	- 3	3.1	11	.2			
93																								٠,	ارم	انسفا	ر ٹر	رحل	ن مر	تير	3.	12	
101														_			,	کا گز	اروك	رقی	کی ہ	ده محر	ز باد	المحد	تے	لو کر	حال	ر م	نسفا،	ٹران	3.	13	

vi

ميكاني توانائي كابا جمي شيادله	برقی اور	4
متناطبیسی نظام میں قوت اور قوت مروڑ	4.1	
تبادله توانائی والاا یک کچھے کا نظام	4.2	
توانائی اور کو-توانائی	4.3	
زياده لچھوں کا متناطبيسي نظام	4.4	
مثین کے بنیاد ی اصول	گھومتے'	5
تانونِ فيراؤك	5.1	
معاصر مشين	5.2	
محرک برقی دیاو	5.3	
ت يلي کھي اور سائن نمامتنا طليسي دياو	5.4	
5.4.1 برلتي رووالے مشين		
متناطبيي د باو کي گھومتي موجبيں	5.5	
5.5.1 ایک دورکی لپٹی مشین		
5.5.2 تين دورکي کپڻي مشين کا تحليلي تجربير		
5.5.3 تين دورکي کپڻي مشين کاتر سيمي تجربيه		
محرک بر تی دباو	5.6	
5.6.1 بدلتی روبر تی جزیئر		
5.6.2 يک سمتی روبر تی جزيئر		
هوار قطب مثينوں ميں قوت مروڑ	5.7	
5.7.1 توانائی کے طریقے ہے میکانی قوت مروڑ کا حماب		
5.7.2 مقناطیسی بهاویے مرکانی قوت م وڑ کاحیاب		

vii

177	6 كيسال حال، بر قرار چالومعاصر مثين
178	6.1 متعدد مرحله معاصر مشین
181	6.2 معاصر مشین کے امالہ
182	6.2.1 نحوداماله
183	6.2.2 مشتر كه اماله
185	6.2.3 معاصراماله .
ياضى نمونه	6.3 معاصر مشین کامساوی دوریار
189	6.4 برقی طاقت کی منتقلی
ے خصوصیات	6.5 كيسال حال، برقرار چالومشين
194	6.5.1 معاصر جزیٹر:
I_{ℓ} بالقابل I_{m} خط	6.5.2 معاصر موٹر: _a
197	6.6 کھلے دوراور کسرِ دور معائنہ
197	6.6.1 گھلے دور معائنہ
198	6.6.2 کسر دور معائنه

209	امالی مشین	7
ساكن لمچهول كي گھومتى متناطبيعى موج	7.1	
مثنین کی سر کنے اور گھومتی موجول پر تبصرہ	7.2	
ساكن كيچمول مين امالي برقى دياو	7.3	
ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباد	7.4	
گھومتے کچھوں کی گھومتی متناطبی دیاو کی موج	7.5	
گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے	7.6	
المالي موٹر كامسادى برقى دور	7.7	
ساوى برتى دور پر غور	7.8	
المالي موٹر كامساوى تھونن دورياريا ضي نمونه	7.9	
ينجر انماامالي موٹر	7.10	
بے یو چھ موٹر اور جامد موٹر کے معائنہ	7.11	
7.11.1 كِ يوجِه موثر كامعائد		
7.11.2 جامد موثر کا معاتند		
رومشين	يك سمتى،	8
ميكانى ست كاركي بنيادى كاركردگى	8.1	
8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل		
يك سمتى جزيير كى برقى دباد	8.2	
قوت مرور المرابع المرا	8.3	
بير وني بيجان اور خود بيجان يك سمتى جزير شر	8.4	
يك سمتى مشين كى كاركرد گى كے خط	8.5	
8.5.1 حاصل برتی د باوبالمقابل برتی بوجه		
8.5.2 رفار بالمقابل قوت مرور		
267	لُ	فرہنگ

ديباجيه

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکتان میں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔ دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کر سکتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے تابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں کی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پھھ نہ کر سکتا تھا۔ میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور پول یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں کھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال سکتیکی الفاظ میں استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ سے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی اصطلاحات کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا قوامی نظامِ اکائی استعال کی گئ ہے۔اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گ۔

یہ کتاب Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نستعلق میں ککھی گئی ہے۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیز نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیز نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری برقیاتی پنۃ

khalidyousafzai@comsats.edu.pk

پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

میں یہاں عائشہ فاروق اور ان کے والد فاروق اعظم کا شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے اس کتاب کو بار بار پڑھا اور جھے مجبور کرتے رہے کہ میں اپنی اردو بہتر کروں۔ میں ڈاکٹر نعمان جعفری کا نہایت مشکور ہوں جنہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطلاح کرنے میں مدد کی۔ حرا خان اور ان کی والدہ عزرا برلاس نے مل کے کتاب کو درست کرنے میں مدد کی۔ یہاں میں اپنے شاگرد فیصل خان کا بھی شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے تکنیکی اصطلاحات چننے میں میری مدد کی۔

میں یہاں کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے الیمی سر گرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفر. ئي

2011 توبر 2011

باب1

بنيادي حقائق

اس کتاب میں جگہ جگہ مخلف حقائق آئیں گے جنہیں اس باب میں اکٹھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔ یہ توقع کی جاتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توجہ رکھنا زیادہ آسان ہو گا۔

1.1 بنيادى اكائيال

اس کتاب میں بین الاقوامی نظام اکائی 1 استعال کیا جائے گا۔ اس نظام میں کمیت 2 کی اکائی کلوگرام، لمبائی کی اکائی میٹر اور وقت کی اکائی سیکنڈ ہے۔

1.2 مقداري

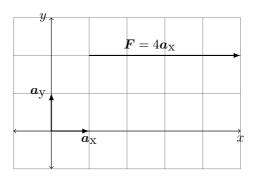
وہ متغیرہ جس کی مقدار معین ہو اسے مقدارہے 3 کہتے ہیں۔ اس کتاب میں مقداری متغیرہ کو سادہ طرز کی کھائی میں اگریزی یا لاطینی زبان کے حصولے حروف یعنی a,b,α,\cdots یا بڑے حروف یعنی زبان کے حصولے حروف یعنی a,b,α,\cdots یا بڑے حروف یعنی a,b,α,\cdots کا مثلاً برتی روکو i یا i کے طاہر کیا جاتا ہے۔

International System Of Units, SI¹

 mass^2

scalar3

2 باب1. بنيادي حقائق



شكل 1.1: كار تيسي محد د

1.3 سمته

وہ خط جس کا طول اور سمت معین ہو، اسے سمتیہ 4 کہتے ہیں۔ سمتیہ کو انگریزی یا لاطینی زبان کے چھوٹے یا بڑے حروف، جن کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا گیا ہو، سے ظاہر کیا جائے گا، مثلاً قوت کو 4 سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً قوت کو 4 سے ناہر کیا جائے گا۔ مثلاً اگائی سمتیہ کو اگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا جائے گا، مثلاً اگائی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا جائے گا، مثلاً اگائی سمتیہ کو نائدہی اس کتاب میں اگائی سمتیہ خلاء کی تین عمودی سمتیات کو ظاہر کرتا ہے۔ اگر کسی سمتیہ کا طول اور اس کی سمت کو علیحہ ہیں۔ ہو تو اس کے طول کو ظاہر کرنے کے لئے سادہ طرز کی کھائی میں وہی حرف استعال کیا جائے گا جو اس سمتیہ کو ظاہر کرنے کے گئے سادہ طرز کی کھائی میں استعال کیا گیا ہو۔ یعن سمتیہ 4 کے طول کو گاہر کرنا ہے۔ اگر کسی سمتیہ کی سمت میں ایک اگائی سمتیہ بنایا جائے گا۔ شکل میں سمتیہ کی سمت میں ایک اگائی سمتیہ بنایا جائے تو یہ اگائی سمتیہ ہی سمت میں ایک اگائی سمتیہ بنایا جائے تو یہ اگائی سمتیہ کی سمت کو انگریزی کے پہلے حرف، جس کو سمت کو طاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے اگائی سمتیہ کو انگریزی کے پہلے حرف، جس کو سمت کو ہو ہے سے ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے اگائی سمتیہ کو انگریزی کے پہلے حرف، جس کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا گیا ہو سے ظاہر کیا جائے گا یعنی سمتیہ 4 کی سمت کو ظاہر کر رہا ہے۔ شکل میں چونکہ موٹے طرز کی کھائی میں کھا گیا ہو سے ظاہر کیا جائے گا سمت کو ظاہر کر رہا ہے۔ شکل میں چونکہ قوت کا کا رخ دائیں جانب ہے للذا 4 کا رخ دائیں جانب ہے للذا 4 کا ہور ہوں۔

vector⁴ unit vector⁵ 1.4. محدد نظم سرتب

1.4 محدد، خطام تب

ایک ایبا طریقہ جس کے ذریعہ کسی نقطہ کا مقام متعین کیا جاسکے کو خط مرتب یا محدد کہتے ہیں۔

خلاء تین طرفہ ⁶ ہے۔ للذااس میں کسی ایک نقطہ کے مقام کو تین محدد کی مدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ مزید سے کلاء میں کسی سمتیہ کو تین عمودی اکائی سمتیوں کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔اب ہم ایسے چند محدد کے نظام دیکھتے ہیں۔

1.4.1 كار تيسى محدد كانظام

شکل 1.1 میں خلاء کی دو سمتیں اکائی سمتیہ $a_{\rm x}$ اور $a_{\rm y}$ سے ظاہر کی گئی ہیں۔ یہ دونوں آپس میں عمودی ہیں لینی ان کا آپس میں $90^{\rm o}$ کا زاویہ ہے۔ خلاء تین طرفہ ہے لہٰذا اسے تین عمودی اکائی سمتیاہے 7 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان سمتوں کی جانب، طول کو x,y,z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ ان سے بخوبی واقف ہیں۔

اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو $a_{
m x}$ کی جانب رکھ کر انہیں $a_{
m y}$ کی جانب موڑا جائے تو اس ہاتھ کا انگوٹھا $a_{
m z}$ کی ستوں والا نظام ایک دائیرے ہاتھ کا نظام $a_{
m z}$ ہے۔

شکل 1.2 میں ایک سمتیہ A، مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔اس سمتیہ کو ہم کارتیمی محدد 9 میں سمتیہ سے یوں ظاہر کر سکتے ہیں۔

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

یا

$$(1.2) A = xa_{X} + ya_{Y} + za_{Z}$$

کار تیسی محدد کے نظام میں اگر ہم متغیرہ z کو صفر رکھیں اور x,y کو تبدیل کریں تو ہمیں سطح x-y ملتی ہے۔ اس طرح اگر شکل x-y میں نقطہ y ہو اور y ہو اور y سطح کو زمین سمجھا جائے تو شکل میں ڈبہ کے بالائی

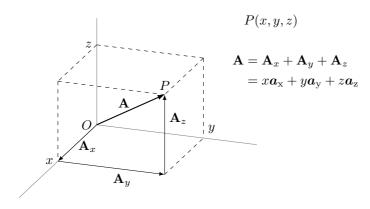
three dimensional⁶

orthonormal vectors⁷

right handed coordinate system⁸

cartesian coordinates⁹

4 باب ١ بنيادي حسائق



شكل 1.2: كارتيسي محد د نظام ميں ايك سمتيه

سطے پر z کی مقدار معین ہے لین z=3 جبکہ z=3 صفر سے تین کے در میان تبدیل اور y صفر سے چار کے در میان تبدیل ہوتا ہے۔ لینی اس ڈبہ کے بالائی سطح کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

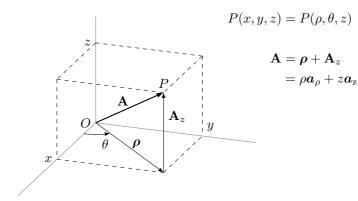
اسی طرح اگر z کو صفر اور تین کے درمیان ہر ممکن قیت پر رکھ کر x اور y کو اسی طرح ان حدول کے درمیان تبدیل کیا جائے تو جمیں اس ڈب کا پورا حجم حاصل ہو گا۔ لہذا اس ڈب کے حجم کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

1.4.2 نلكى محدد كانظام

شکل 1.3 میں ایک سمتیہ A مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔ اس سمتیہ کو شکل میں دو سمتیوں کی مدد سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یعنی

$$(1.5) A = \rho + A_z$$

1.4 محدد ، فط مسرت



شكل 1.3: نلكي محدد نظام

یا

$$(1.6) A = \rho a_{\rho} + z a_{z}$$

سمتی $a_{
ho}$ پر ہے۔ اس شکل سے ظاہر ہے کہ x-y

$$(1.7) x = \rho \cos \theta$$

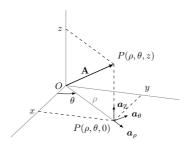
$$(1.8) y = \rho \sin \theta$$

للذا ہم نقطہ P(x,y,z) کو متغیرہ x,y,z کی جگہ متغیرہ ρ,θ,z کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں P(x,y,z) للذا ہم نقطہ کو اس کے تین متغیرہ ρ,θ,z شغیرہ ρ,θ,z ظاء میں کسی بھی نقطہ کو اس کے تین متغیرہ ρ,θ,z شغیرہ ورد بیات ہیں۔

وہ نظام جس میں متغیرہ ρ, θ, z نقطہ کو متعین کرنے کے لئے استعال ہوں کو نگکھ محدد 10 کہتے ہیں۔ یہاں شکل 1.4 سے رجوع کریں۔ اس نظام کے تین عمودی اکائی سمتیہ $a_{\rho}, a_{\theta}, a_{z}$ ہیں۔ یہ نظام مجمی دائیں ہاتھ کا نظام ہے۔ للذا اگر دائیں ہاتھ کی چار انگیوں کو اکائی سمتیہ a_{ρ} کی جانب رکھ کر انہیں a_{θ} کی جانب موڑیں تو اس ہاتھ کا اگوٹھا a_{z} کی سمت میں ہوگا۔ یہ تین عمودی اکائی سمتیہ کی تفصیل یوں ہے۔

 $a_{
ho}$ میں مبدا پر، محدد x سے زاویہ θ کی جانب اگر اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ ہو گی۔ اگر اسی سطح x-y کی عمودی سمت میں مبدا پر، زاویہ θ بڑھانے والے سمت میں، ایک ہو گی۔ اگر اسی سطح x-y کی سمتیہ عمودی سمت میں میں تھی۔ اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ $a_{
ho}$ ہو گی۔ اکائی سمتیہ جائی جو کار تیسی محدد نظام میں تھی۔

اب ١ بنيادي حسائق



شكل 1.4: نلكي نمامحد د كي تعريف

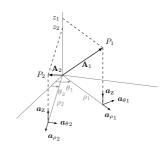
یہاں سے واضح رہے کہ اس نکلی محدد کے نظام میں $a_{
ho}$ اور $a_{ heta}$ کی سمتیں ہر نقطہ پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل 1.5 میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں شکل 1.6 سے رجوع کریں۔ اگر تکی محدد میں ایک سمتیہ (جس کا متغیرہ z صفر کے برابر ہو، یعنی z=0 ، اور اس کا رداس ρ ایک مستقل مقدار ہو مثلاً $\rho=0$ کو یوں بنایا جائے کہ اس کا زاویہ z=0 کو صفر z=0 کہ علی جائے تو اس سمتیہ کی چونجی سطح z=0 پر ایک دائرہ بنائے گی۔ اب اگر اس سمتیہ کے متغیرہ z=0 بھی تبدیل کیا جائے، مثلاً z کو صفر اور تین کے در میان اس طرح تبدیل کیا جائے کہ ہر z=0 پر z=0 و صفر z=0 تین تک لے جایا جائے تو یہ سمتیہ ایک نکلی بنائے گی۔ اس وجہ سے اس نظام کو نکلی محدد کہتے ہیں۔ اب اگر ہم سمتیہ کے تین مساوات ان باتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔ سمتیہ کے تین مساوات ان باتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔

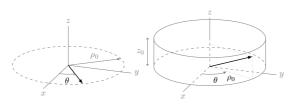
(1.9)
$$\delta \dot{\beta} = \begin{cases}
\rho = \rho_0 \\
0 < \theta < 2\pi \\
z = 0
\end{cases}$$

cylindrical coordinates¹⁰

7.1. ممتير قب



شكل 1.5: نكى محدد مين اكائى سمتيه $oldsymbol{a}_{
ho}$ اور $oldsymbol{a}_{oldsymbol{\eta}}$ تقطير مختلف $oldsymbol{\eta}$



شکل 1.6: نککی محد دمیں دائرہاور نککی

1.5 سمتيرتبه

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_{Z}$$

للذا

$$\mathbf{A_1} = A_1 \mathbf{a_{A1}} = wl \mathbf{a_Z}$$

8 باب1. بنيادي حشائق

شكل 1.7: سمتيه رقبه كاتعارف

ای طرح دائیں جانب سطح A_2 سمتیہ کا طول A_2 ہے اور اس کی سمت A_2 ہے۔ لیعن $A_2=wh$ $a_{A2}=a_{
m Y}$

للذا

(1.13)
$$A_2 = A_2 a_{A1} = wha_y$$

یوں نیچے کی سطح کا رقبہ $A_3=wl$ ہے اور اس کی سمت خلاء کی اکائی سمتیہ $a_{
m Z}$ کے اُلٹ ہے المذا

$$\mathbf{A_3} = A_3 \mathbf{a_{A3}} = wl(-\mathbf{a_z}) = -wl\mathbf{a_z}$$

یہاں دھیان کریں کہ رقبہ ہر صورت میں مثبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتی کے لئے درست ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔ مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔

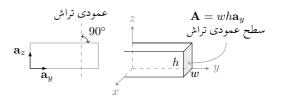
1.6 رقبه عمودی تراش

زاویہ قائمہ بناتے ہوئے لمبائی میں کسی چیز کی کٹائی کو عمودی تراثی 11 کہتے ہیں۔

شکل 1.8 میں ایک سلاخ دکھائی گئی ہے۔ اس کو اکائی سمتیہ a_y کی سمت میں لٹایا گیا ہے۔ اگر ہم تصور میں اس سلاخ کو لمبائی کی عمودی سمت میں کاٹیں تو اس کا جو سرا ہے گا اس سطح کے رقبہ کو رقبہ عمودی تراثی 12 کہتے ہیں۔ شکل میں دکھایا گیا رقبہ عمودی تراش A کی مقدار A ہے جہاں

$$(1.15) A = wh$$

 ${\rm cross\ section^{11}} \\ {\rm cross\ sectional\ area^{12}} \\$



شكل 1.8: رقبه عمودي تراش

مسکلہ کو دیکھتے ہوئے اس رقبہ عمودی تراش کی سمت کا تعین کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس کی سمت مطاء کے اکائی سمتیہ $a_{
m V}$ کی جانب ہے للذا

$$a_A = a_y$$

شکل میں بائیں جانب سلاخ کے نچلے کونے پر اکائی سمتیہ $a_{
m V}$ اور $a_{
m Z}$ د کھائے گئے ہیں۔ان سمتیوں کے ابتدائی نقطہ پر گول دائرہ میں ایک نقطہ دکھایا گیا ہے۔ گول دائرہ میں بند نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر کتاب کی باہر جانب سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں یہ سمتیہ $a_{
m x}$ کی سمت دکھلا رہا ہے۔اس کی اُلٹ سمت یعنی صفحہ کی عمودی اندر کی جانب کو گول دائرہ میں بند صلیب کے نشان سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

1.7 سرقی میدان اور مقناطیسی میدان

1.7.1 ىرقى مىدان اورىرقى مىدان كى شدت

کولمے کے قانون 13 کے تحت برقم بار 14 سے لدے جسموں کے در میان قوت کشش 15 یا قوت دفع 16 ان اجسام پر بار17 کی مقدار کے حاصل ضرب کے راست متناسب اور باہمی فاصلہ کے مربع کے بالعکس متناسب ہوتی ہے۔ اس ۔ قانون کو مساوات کی شکل میں بوں لکھا جاتا ہے۔

$$(1.17) F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

Coulomb's law¹³

electric charge¹⁴ attractive force¹⁵

repulsive force¹⁶

 $^{{\}rm charge}^{17}$

اب ١٠ بنيادي حسائق

اگرایک برقی بارکسی جگہ موجود ہو اور دوسرا برقی بار اس کے قریب لایا جائے تو دوسرے برقی بار پر کشش یا دفع کی قوت عمل کرے گی جس کا تعین کولمب کے قانون سے ہوتا ہے۔ اگر دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بار سے آہستہ آہستہ دُور لے جائیں تو قوت کشش یا دفع کم ہوتی جاتی ہے۔ ایک خاص فاصلے کے بعد بیہ قوت عملی طور پر صفر ہو جاتی ہے ایک خاص فاصلے کے بعد بیہ قوت عملی طور پر صفر ہو جاتی ہے اور دوسرا بار پہلے بار کے حلقہ اثر سے باہر ہو جاتا ہے۔ اس حلقہ کے اندر واقع جگہ کو برقی میدال کیا جاتا ہے۔ برقی میدان کی ایک بارکی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے اور بہت سے باروں کی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے۔ للذا برقی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔

کسی بار کے برقی میدان سے مراد بار کے ارد گرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا برقی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

برقی میدان کی شدت E^{18} کی مقدار اور اس کی ست کسی مقام پر معلوم کرنے کا طریقہ یہ ہے کہ ایک مثبت اکائی بار کو اگر کسی بار Q کے برقی میدان میں رکھا جائے تو جس سمت میں وہ مثبت اکائی بار حرکت کرے یا حرکت کرنے کے لئے مائل ہو، وہی برقی میدان کی شدت کی سمت ہو گی اور جو قوت اس پر اثر انداز ہو وہ برقی میدان کی شدت ہو گدر ہوگا ہے۔

کولمب کے قانون لینی مساوات 1.17 کی مدد سے ایک بار Q کی برقی میدان کی شدت کی مقدار یوں حاصل کی جاسکتی ہے۔ بار Q اور اکائی بار یعنی ایک کولمب بار کے در میان قوتِ کشش یا قوتِ د فع

$$(1.18) F = \frac{Q \times 1}{4\pi\epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شدت کی مقدار ہے یعنی

$$(1.19) E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

اگر دو باروں کے درمیان سیر هی لکیر تھینچی جائے تو ان کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کی سمت اس لکیر کی سمت میں ہوگی

electric field intensity¹⁸ V/m¹⁹

1.8. سطحي اور حجمي كثافت.

1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت

مقناطیبی میدان اور مقناطیبی میدان کی شدھ ²⁰ بالکل برتی میدان اور برتی میدان کی شدت کی طرح ہوتی ہے۔

مقناطیسی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔ کسی مقناطیس کے مقناطیسی میدان سے مراد مقناطیس کے اِرد گرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا مقناطیسی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

1.8 سطحی اور حجمی کثافت

1.8.1 سطى كثافت

اکائی رقبہ کی سطح پر کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی سطح کثافت 21 کہتے ہیں۔ مثال کے طور پر اگر رقبہ A پر کسی متغیرہ کی کل مقدار ϕ ہو تب اس متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت B_{b-1} ہیہ ہو گی

$$(1.20) B_{\mathsf{b},\mathsf{s}} = \frac{\phi}{A}$$

اس مساوات کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے

$$\phi = B_{\text{left}} A$$

یعنی اگر ہمیں کسی سطح پر ایک متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہو تب ہم اس سطح پر اس متغیرہ کی کل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

اگر سطح پر متغیرہ ہر جگہ یکسال نہ ہو تب اس سطح پر سطحی کثافت جگہ جگہ تبدیل ہو گی۔ اس صورت میں اگر اتنا چھوٹار قبہ لیا جائے کہ اس پر متغیرہ یکسال نصور کیا جا سکے تب اس نقطہ پر سطحی کثافت یوں حاصل ہوگی

$$(1.22) B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

 $\begin{array}{c} {\rm magnetic~field~intensity^{20}} \\ {\rm surface~density^{21}} \end{array}$

اب ١٠ بنيادي حسائق

جہاں ΔA میہ چھوٹا رقبہ اور $\Delta \phi$ اس رقبے پر متغیرہ کی چھوٹی سی مقدار ہے۔ اگر میہ رقبہ ایک نقطہ کی مانند کر دیا جائے تب اس مساوات کو بوں لکھا جائے گا۔

$$(1.23) B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

اس مساوات کو ہم یوں بھی بیان کر سکتے ہیں

$$d\phi = B \, dA$$

ینی اگر ہمیں کسی نقطہ پر ایک متغیرہ کی سطحی کثافت معلوم ہو تب اس نقطہ کے چھوٹے سے رقبہ پر ہم اس متغیرہ کی کل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

اسی طرح اگر ایک برقی تار کا رقبه عمودی تراش A ہو اور اس میں برقی رو I گزر رہی ہو تو اس تار میں اوسط کثافت برقی رو

$$\rho_{b \circ s} = \frac{I}{A}$$

ہو گی۔

1.9 محجمي كثافت

اکائی مجم میں کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی مجمی کافت کہتے ہیں۔ یہاں ہم کمیت کی مثال کیتے ہیں۔ اگر کسی چیز کا مجم کا اور اس کی کمیت m ہو تب اس کی اوسط محجمی کثافت ہیہ ہوگی۔

$$\rho_{\mathbb{L}^{|\mathcal{J}|}} = \frac{m}{V}$$

اس طرح اگراس چیز کی کمیت اس کے جم میں جگہ جگہ مختلف ہو تب اس کی ایک نقطہ کی محجمی کثافت معلوم کرنے کے لئے اس کا اتنا چھوٹا حصہ لیا جاتا ہے کہ اس چھوٹے حصہ میں اس کی کمیت کو ہر جگہ کیساں تصور کیا جا سکے تب اس چھوٹے حصے کی محجمی کثافت ہے ہوگی۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta V}$$

اب اگر اس چھوٹے ھے کو ایک نقطہ مانند کر دیا جائے تب ہم لکھ سکتے ہیں کہ

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}V}$$

أور

$$dm = \rho \, dV$$

ینی اگر ہمیں ایک نقطہ کی حجمی کثافت معلوم ہو تب ہم ایک نہایت چھوٹے جم کی کمیت اس مساوات کی مدد سے حاصل کر سکتے ہیں۔

1.10 ضربِ صليبى اور ضربِ نقطه

دو مقداری متغیرات کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہی ہوتی ہے جبکہ دو سمتیہ متغیرات کا حاصلِ ضرب سمتیہ متغیرہ یا مقداری متغیرہ ہو سکتی ہے۔ان دو اقسام کے ضرب پریہاں غور کیا جائے گا۔

1.10.1 ضرب صليبي

الی دو سمتیہ متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب سمتیہ متغیرہ ہو کو ضربِ صلیبی ²² کہتے ہیں اور اسے یوں لکھا جاتا ہے۔

$$(1.30) C = A \times B$$

ضربِ صلیبی میں ضرب کے نشان کو صلیب کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔اسی سے اس کا نام ضربِ صلیبی لیا گیا ہے۔

حاصل ضرب سمتیہ *C* کی مقدار

(1.31)
$$C = |\mathbf{C}| = |\mathbf{A}||\mathbf{B}|\sin\theta_{AB}$$
$$= AB\sin\theta_{AB}$$

 ${
m cross\ product^{22}}$

اب ١٠ بنيادي حسائق

ہے جہاں θ_{AB} ان کے مابین زاویہ ہے۔اس حاصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے یوں حاصل کی جاتی ہے۔

اگر آپ دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو سمتیہ A کی سمت میں رکھ کر B سمتیہ کی سمت موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا C سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرے گا۔

مثال 1.1: مندرجه ذيل ضرب صليبي حاصل كريں۔

- $a_{\mathtt{X}} imes a_{\mathtt{Y}} \quad a_{\mathtt{Y}} imes a_{\mathtt{Z}} \quad a_{\mathtt{Z}} imes a_{\mathtt{X}} imes a_{\mathtt{X}} \quad a_{\mathtt{X}} imes a_{\mathtt{Z}}$
- $oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{
 ho} imes oldsymbol{a}_{ heta} = oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{
 ho} oldsymbol{\bullet}$

حل: اس مثال میں سب سمتیہ اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔ للذا

- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \bullet$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \bullet$
- $a_{\mathrm{X}} \times a_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90(-a_{\mathrm{Y}}) = -a_{\mathrm{Y}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$
- اس مثال میں چونکہ دونوں سمتیہ ایک ہی جانب ہیں للذا ان کے مابین زاویہ صفر ہے۔ صفر زاویہ کا سائن صفر ہی ہوتا ہے لیغنی $\sin 0 = 0$ للذا ان دو سمتیہ کا ضربِ صلیبی صفر ہو گا $a_y \times a_y = (1)(1)\sin 0 = 0$

- $\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathsf{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathsf{Z}}$
- $\mathbf{a}_{\mathbf{z}} \times \mathbf{a}_{\rho} = (1)(1)\sin 90\mathbf{a}_{\theta} = \mathbf{a}_{\theta} \bullet$

مثال 1.2: شکل 1.9 میں چار نیوٹن کی قوت F محور سے تین میٹر کی سمتیہ فاصلہ L پر لاگو ہے۔ای شکل میں اس کی تفصیل دی گئی ہے۔اس قوت کی قوت مروڑ حاصل کریں۔ حل: قوت مروڑ T کی تعریف یہ ہے میں اس کی تفصیل دی گئی ہے۔اس قوت کی قوت مروڑ حاصل کریں۔ حل: قوت مروڑ T کی تعریف یہ ہے

$$(1.32) T = L \times F$$

کار تیسی نظام میں اس سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(1.33) L = L\sin\theta a_{X} - L\cos\theta a_{Y}$$

للذا

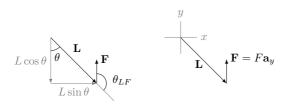
 $T = (L \sin \theta \mathbf{a}_{X} - L \cos \theta \mathbf{a}_{y}) \times F \mathbf{a}_{y}$ $= L \sin \theta \mathbf{a}_{X} \times F \mathbf{a}_{y} - L \cos \theta \mathbf{a}_{y} \times F \mathbf{a}_{y}$ $= LF \sin \theta \mathbf{a}_{z}$

يبال پيچلى مثال كى مدو سے $a_{
m x} imes a_{
m y} = 0$ اور $a_{
m y} imes a_{
m y} imes a_{
m z}$ يبال پيچلى مثال كى مدو سے $a_{
m x} imes a_{
m z} = 0$ اور $a_{
m x} imes a_{
m y} imes a_{
m z} imes n$

ہوتا $\sin \alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$ کے لئے $\alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$ ہوتا ہے۔ اس مثال میں $\alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$ ہوتا ہے۔ الہذا اس قوت مروڑ کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

$$T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$
$$= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$

یمی جواب ضربِ صلیبی کی تعریف یعنی مساوات 1.31 اور دائیں ہاتھ کے قانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔ اببادي حسائق



شكل 1.9: كارتيسي نظام ميں قوت مروڑ كاحل

1.10.2 ضربِ نقطه

الی دو سمتیه متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہو کو ضربِ نقطہ ²³ کہتے ہیں اور اسے بوں لکھا جاتا ہے۔

$$(1.34) C = A \cdot B$$

ضربِ نقطہ میں ضرب کے نشان کو نقطہ کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔اسی سے اس کا نام ضربِ نقطہ لیا گیا ہے۔

ضربِ نقطہ میں حاصلِ ضرب مقداری کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے

(1.35)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{C} &= \boldsymbol{A} \cdot \boldsymbol{B} \\ &= |\boldsymbol{A}| |\boldsymbol{B}| \cos \theta_{AB} \\ &= AB \cos \theta_{AB} \end{aligned}$$

جہال $heta_{AB}$ ان دو کے مابین زاویہ ہے۔

مثال 1.3: مندرجه ذیل ضربِ نقطه حاصل کریں

 $a_{\mathrm{X}} \cdot a_{\mathrm{X}} - a_{\mathrm{y}} \cdot a_{\mathrm{y}} - a_{\mathrm{z}} \cdot a_{\mathrm{z}} \bullet$

 $oldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \cdot oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} - oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \cdot oldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} - oldsymbol{a}_{
ho} \cdot oldsymbol{a}_{
ho} - oldsymbol{a}_{
ho} \cdot oldsymbol{a}_{ heta} ullet$

 $dot product^{23}$

حل:اس مثال میں سب اکائی سمتیہ ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔

$$a_{X} \cdot a_{X} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{y} \cdot a_{y} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} = (1)(1)\cos 0 = 1 \bullet$$

$$a_{\rm X} \cdot a_{\rm Y} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$a_{\rm Y} \cdot a_{\rm Z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \cdot \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1 \bullet$$

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \cdot \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

مثال 1.4: شکل 1.10 میں قوت F ایک بوجھ کو دھکیل رہی ہے۔ سمتیہ فاصلہ L طے کرنے پر قوت کتنا کام کر چکی ہو گی۔

حل: کام W کی تعریف یہ ہے

$$(1.36) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{L}$$

ہم کار تیسی نظام میں سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$(1.37) L = L\cos\theta a_{X} + L\sin\theta a_{Y}$$

ابدا بنيادي حتائق

$$\mathbf{a}_{y}$$

$$\mathbf{F} = F\mathbf{a}_{x}$$

$$L \sin \theta$$

$$L \cos \theta$$

شكل 1.10: كارتيسي نظام ميں كام

للذا

(1.38)
$$W = (F \boldsymbol{a}_{X}) \cdot (L \cos \theta \boldsymbol{a}_{X} + L \sin \theta \boldsymbol{a}_{Y})$$
$$= FL \cos \theta (\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{X}) + FL \sin \theta (\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{Y})$$
$$= FL \cos \theta$$

جہاں پیچیلی مثال کی مدد سے $a_{\rm x}\cdot a_{\rm x}=0$ اور $a_{\rm x}\cdot a_{\rm y}=0$ کی گئی ہیں۔ یہی جواب ضربِ نقطہ کی تعریف لینی مثال کی مدد سے $a_{\rm x}\cdot a_{\rm x}=1$ اور مساوات 1.35 سے با آسانی حاصل ہوتا ہے۔

1.11 تفرق اور جزوی تفرق

مساوات 1.39 میں ایک تفاعل جس میں B_0 مقررہ ہے کا تفرق 24 دیا گیا ہے جبکہ مساوات 1.40 میں ایک تفاعل کا جروبی تفرق 25 دیا گیا ہے۔

(1.39)
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

$$\frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

(1.40)
$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x} dx + \frac{\partial W}{\partial \lambda} d\lambda$$

 $\begin{array}{c} \text{differentiation}^{24} \\ \text{partial differentiation}^{25} \end{array}$

1.1.2 خطى تممل

1.12 خطى تكمل

 $2\pi^{-26}$ مساوات 1.41 میں ایک تفاعل $B(\theta)$ دیا گیا ہے جے شکل 1.11 میں دکھایا گیا ہے۔ اس کی طول موج $B(\theta)$ دیا گیا ہوں ہو ریڈ بین اس کا اوسط معلوم کرتے ہیں۔ یہ شکل $B(\theta)$ سے یوں ہو گا۔ $B(\theta)$ مابین اس کا اوسط معلوم کرتے ہیں۔ یہ شکل $B(\theta)$ سے یوں ہو گا۔ گا۔ گا۔

$$(1.41) B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

(1.42)
$$B_{\text{left}} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

اسی طرح اگر اسی خطہ پر تفاعل کے مربع لینی B^2 کا اوسط در کار ہو تو ایسا کرنا مساوات 1.43 میں دکھایا گیا ہے۔

(1.43)
$$B_{b,s}^{2} = \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2}\theta \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{2}$$

نفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر بہت اہمیت رکھتا ہے۔لہذا اس نفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر مورد B مساوات 1.43 کی مدد سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

(1.44)
$$B_{\dot{r},r} = \sqrt{B_{\dot{r},r}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

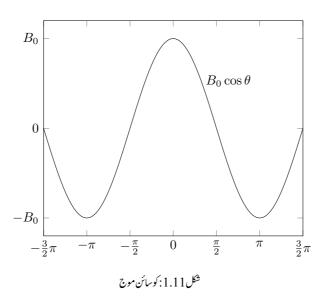
یہ ایک بہت اہم متیجہ ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا چاہئے۔ یہ مساوات ہر سائن نما تفاعل کے لئے درست ہے۔ کسی متغیرہ کے مربع کی اوسط کا جزر اس متغیرہ کی موڑ 29 28 قیمت کہلاتا ہے۔

wavelength²⁶ integration²⁷

effective²⁸

root mean square, rms²⁹

اب ١ بنيادي حت أق



1.13 سطى تكمل

مثال کے طور پر اگر مساوات 1.41 شکل 1.12 میں نکلی کے بیر ونی سطح پر متغیرہ B کی مقدار بتلاتی ہے اور یہ متغیرہ سطح کثافت کو ظاہر کرے ہم آدھے بیر ونی سطح مثلاً زاویہ $-\pi/2$ اور $\pi/2$ کے مابین اس کی کل مقدار ϕ معلوم کرتے ہیں۔اس سطح میں نکلی کے دونوں سرے شامل نہیں ہیں۔

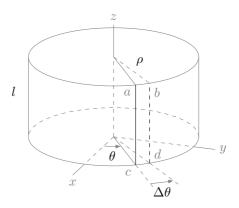
ہم نکلی کے بیرونی سطح پر رقبہ ΔA لیتے ہیں جس کی چوڑائی $\rho\Delta\theta$ اور لمبائی l ہے۔ یہ سطح ΔA ہے۔ ΔA ہے۔ ΔA نہیں نہیں کہ کرتے ہوئے سطح کا رقبہ θ کا مقب ہو اسکا ہے۔ اس سطح پر B کی مقدار محوری لمبائی کی جانب تبدیل نہیں ہو رہی۔ سطح ΔA ہو گا اور کل A ہو گا ور کی مدد سے یوں حاصل ہو گا۔

(1.45)
$$\Delta \phi = B \Delta A = B_0 l \rho \cos \theta \, d\theta$$

$$\phi = B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = 2B_0 l \rho$$

اب ہم یہی مقدار نکلی کے آدھے بیرونی سطح پر کہیں پر بھی حاصل کرنا چاہیں تو ہمیں صرف کمل کے دو حد تبدیل کرنے ہوں گے۔ اگر ہم مساوات 1.46 میں نجلا حد $(-\pi/2-\alpha)$ اور اُوپر کا حد $(\pi/2-\alpha)$ کیں تو یہ حاصل

.1.1 مسرحتان سمتي



شکل 1.12: نکلی کی بیرونی سطح پر متغیره کا تکمل کل مقدار دے گ۔

ہو گا۔

(1.47)
$$\phi(\alpha) = B_0 l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \alpha}^{\frac{\pi}{2} - \alpha} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho \cos \alpha$$

یہاں $\phi(\alpha)$ اس بات کو واضح کرتا ہے کہ نتیجہ α پر منحصر ہے۔ یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ مساوات 1.47 میں اگر $\alpha=0$ ہو تو مساوات 1.46 ملتا ہے۔

1.14 مر حلی سمتیه

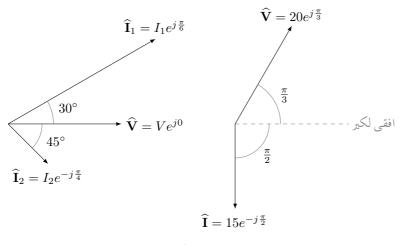
 30 سائن نما موج جن کا تعدد معین ہو کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کرنا نہایت مفید ثابت ہوتا ہے۔ مساوات پولر (1.48) $A_0 e^{\mp j(\omega t + \phi)} = A_0 \cos(\omega t + \phi) \mp j \sin(\omega t + \phi)$

کی مدد سے کوسائن موج یوں لکھی جاسکتی ہے

(1.49)
$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left(e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

Euler's equation 30

باب،بنيادي حسائق



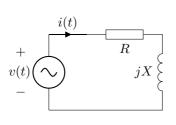
شكل 1.13:مرحلى سمتيه

اس سے ثابت ہوتا ہے کہ کوسائن موج دراصل دو مخلوط اعداد کا مجموعہ ہے۔ مساوات یولر ایک مخلوط عدد کو ظاہر کرتا ہے جس کے دو جزو ہیں۔ اس کا ایک جزو حقیقی عدد ہے اور اس کا دوسرا جزو فرضی عدد ہے۔ اس کا حقیقی جزو کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کوسائن موج کو طاہر کیا جاتا ہے۔ مزید بہ کہ اس عدد کو چھوٹا کر کے صرف $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$ یا پھر پر سائن نما موج کو کوسائن موج کے اس طرح ظاہر کرنے کو مرطح سمتیہ A_0 سمتیہ کا طول سمتیہ کا کیس سے زاویہ ہو ہے۔

 A_0 مرحلی سمتیہ استعال کرتے وقت آپ کو بیہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ بیہ ایک کوسائن موج ہے جس کا حیطہ A_0 ، دوری زاویہ ϕ اور زاویائی تعدد ω بے۔

اس کتاب میں مرحلی سمتیہ کو سادہ طرنے لکھائی میں انگریزی کے بڑے حروف جن پر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً برقی کیا جائے گا، لینی Î, ऐ وغیرہ اور ان کے طول کو بغیر ٹوپی کے نشان کے اسی حرف سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً برقی

23



$$Z = R + jX$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\phi_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i(t) = \frac{V_0}{|Z|} \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$= I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

شکل 1.14: مرحلی سمتیہ کی مدد سے RL دور کاحل۔

وباو $v=20\cos(\omega t+rac{\pi}{3})$ وباو $v=20\cos(\omega t)$

$$v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$$

$$\hat{V} = 20e^{j\frac{\pi}{3}}$$

$$\hat{V} = 20/\frac{\pi}{3}$$

$$V = 20$$

اس مساوات میں پہلا جزو ایک عام کوسائن موج ہے۔ دوسرا جزواسی کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کر رہا ہے۔ تیسرا اس مر حلی سمتیہ کا طول اور چوتھا اس کا زاویہ بتلا رہا ہے۔ مر حلی سمتیہ کو عام سمتیوں کی طرح ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس مساوات میں \hat{V} کا طول 20 اور اُفقی لکیر سے زاویہ 🚡 ریڈیئن ہے۔زاویہ اُفقی لکیر سے گھڑی کی اُلٹی سمت نایا جاتا ہے۔ اس سمت میں زاویہ مثبت ہے۔ شکل 1.13 میں اس اُ کے علاوہ چند اور مرحلی سمتیے و کھائے گئے ہیں۔

برقی ادوار میں عموماً برقی دباو \hat{V} کی نسبت سے برقی رو \hat{I} کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔شکل \hat{V} میں \hat{I} تیس درجہ زاویہ برقی دباوے آگے ہے جبکہ \hat{I}_2 پینتالیس درجہ زاویہ برقی دباوے پیچھے ہے۔اس حقیقت کو یوں بیان کیا حاتا ہے کہ \hat{I}_1 تیں درجہ پینے زاویہ \hat{I}_2 پر ہے جبکہ \hat{I}_2 بینتالیس درجہ تاخیری زاویہ \hat{I}_1 کو پینے برقی رو جبکہ \hat{I}_2 کو باخد کہہ برقی رو کہا جاتا ہے۔دو مرحلی سمتیات کے آپیں میں زاویے کو مرحلہ فرقہ 34 کتے ہیں للذا \hat{I}_1 اور میں °75 کا مرحلی فرق پایا جاتا ہے۔ یہاں بیہ دھیان رہے کہ شکل میں °45 مثبت لکھا گیا ہے۔ چونکہ یہ اُفقی ککیر \hat{I}_2 سے زاویہ ناپنے کی اُلٹ سمت میں ہے للذا یہ ایک منفی زاویہ ہے۔

leading angle³² lagging angle³³

phase difference³⁴

باب1. بنيادي حسائق

اگر $v=V_0\cos\omega t$ اور $v=V_0\cos\omega t$ اور $v=V_0\cos\omega t$ بول تب برتی طاقت $v=V_0\cos\omega t$ برابر ہو گا جہاں $v=V_0\cos\omega t$ اور $v=V_0\cos\omega t$ اور $v=V_0\cos\omega t$ کے برابر ہو گا جہاں $v=V_0\cos\omega t$ اور $v=V_0\cos\omega t$ اور $v=V_0\cos\omega t$ کا جہاں ورت میں مورت میں ورت میں

یہاں مرحلی سمتیوں کو استعال کر کے ایک سادہ برقی دور حل کرتے ہیں۔ یوں ان سے وابستگی پیدا ہو جائے گی اور ان کا استعال بھی سکھ لیں گے۔

شکل 1.14 ایک سادہ R-L یک مرحلہ 39 برقی دور ہے جس پر لاگو برقی دباو

(1.51)
$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\hat{V} = V_0 \underline{\alpha}$$

ہے۔ مرحلی سمتیہ کے استعال سے ہم اس میں برقی روi(t) معلوم کرنا چاہتے ہیں۔

(1.52)
$$\hat{I} = \frac{\hat{V}}{R + jX} = \frac{V_{0} / \alpha}{|Z| / \phi_{Z}}$$

$$= \frac{V_{0}}{|Z|} / \alpha - \phi_{Z} = I_{0} / \alpha - \phi_{Z}$$

جہال ϕ_Z رکاوٹ کا زاویہ ہے۔ للذا

$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں تاخیر کھے زاویہ ϕ_Z کے برابر ہے۔

power factor³⁵ power factor angle³⁶ lagging power factor³⁷

leading power factor³⁸

single phase³⁹

إب2

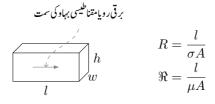
مقناطيسى ادوار

2.1 مزاحمت اور ہچکچاہٹ

شکل 2.1 میں ایک سلاخ و کھائی گئی ہے جس کی لمبائی کی ست میں مزاحمہ

$$(2.1) R = \frac{l}{\sigma A}$$

ج جہاں σ موصلیتے 2 کو ظاہر کرتی ہے اور A=wh رقبہ عمودی تراش ہے۔ اس سلاخ کی ہیکھاہے 3 ورج



شكل 2.1:مزاحمت اور جيكيا ہٹ

resistance¹ conductivity²

26 پائے مقت طبیعی ادوار

 μ متناظیی متنقل μ کہلاتا ہے۔

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$

مقناطیسی مستقل μ کو عموماً خلاء کی مقناطیسی مستقل $\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,rac{ ext{H}}{ ext{m}}$ کی نسبت سے لکھا جاتا ہے لیعنی

$$\mu = \mu_r \mu_0$$

جہاں μ_r بزومقناطیسی متقل کہلاتا ہے۔ ہیکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر- چکر فی ویبر ہے جس کی وضاحت جلد کی جائے گ۔

 $h=d=10\,\mathrm{cm}$ مثال $\mu_r=2000$ مثال $\mu_r=2000$ مثال المناخ کی انگهای سلاخ کی انگهایش معلوم کریں $0.1\,\mathrm{cm}$ نظل $0.1\,\mathrm{cm}$ مثال $0.1\,\mathrm{cm}$ مثال $0.1\,\mathrm{cm}$ مثال $0.1\,\mathrm{cm}$ بیان سلام مثال $0.1\,\mathrm{cm}$

حل:

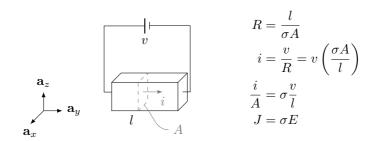
$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,044\,\mathrm{A \cdot turns/Wb} \end{split}$$

2.2 کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت

اس سلاخ کے سروں پر برقی دباو v (شکل 2.2) لا گو کرنے سے اس میں برقی روi گزرے گا جس کو اوہم کے قانون v سے حاصل کرتے ہیں۔

$$(2.4) i = \frac{v}{R}$$

 $\begin{array}{c} {\rm reluctance^3} \\ {\rm permeability,\ magnetic\ constant^4} \\ {\rm Ohm's\ law^5} \end{array}$



شكل 2.2: كثافت برقى رواور برقى د باوكى شدت

درج بالا مساوات کو مساوات 2.1 کی مدد سے

$$(2.5) i = v\left(\frac{\sigma A}{l}\right)$$

يا

$$\frac{i}{A} = \sigma\left(\frac{v}{l}\right)$$

یا

$$(2.7) J = \sigma E$$

کھا جا سکتا ہے جہاں J اور E کی تعیرف درج ذیل ہے۔

$$(2.8) J = \frac{i}{4}$$

$$(2.9) E = \frac{v}{l}$$

شکل 2.2 میں سمتیہ J کی مقدار J ہو اور سمتیہ E کی مقدار E لیتے ہوئے مساوات 2.7 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے

$$(2.10) J = \sigma E$$

جو قانون اوہم کی دوسری روپ ہے۔ J اور E دونوں کا رخ $a_{
m y}$ ہے۔

شکل 2.2 سے ظاہر ہے کہ برقی روi سلاخ کی رقبہ عمودی تراث A سے گزرتی ہے للذا مساوات 2.8 کے تحت J برقی رو کی کثافت کو ظاہر کرتی ہے للذا J کو کثافت برقی روJ کہتے ہیں۔ اس طرح مساوات 2.9 سے واضح ہے کہ

current density⁶

28 باب2. مقت طبیسی ادوار

برتی دباو فی اکائی لمبائی کو ظاہر کرتی ہے للذاE کو برقہ میدال کے شدھے 7 یا (جہاں متن سے مقناطیسی میدان واضح ہو) مخصراً میدانی شدھے کہتے ہیں۔

بالکل اسی طرح کی مساواتیں مقناطیسی متغیرات کے لئے حصہ 2.5 میں لکھی جائیں گی۔

2.3 برقی ادوار

 $\sigma=5.9\times10^7\,rac{\mathrm{S}}{\mathrm{m}}$ رقی دور میں برقی دباوہ v^8 وجہ سے برقی رو v^{11} انہیدا ہوتی ہے۔ تانباکی موصلیت کی مقدار بہت بڑی ہونے کی بنا اس سے جو بہت بڑی مقدار ہے۔ $\frac{\mathrm{S}}{\mathrm{m}}$ موصلیت کی مقدار بہت بڑی ہونے کی بنا اس سے بنی تارکی مزاحمت v^{13} عموماً قابل نظر انداز ہو گی۔ تار میں برقی رو v^{13} گرزنے سے تارکے سروں کے پھی برقی دباو کے گھیاو کی مزاحمت v^{13} بیدا ہو گا جس کو v^{13} کی بنا نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں تانبے کی تار میں برقی دباو کے گھیاو کو رد کیا جا سکتا ہے۔ یعنی ہم v^{13} میں برقی دباو کے گھیاں۔

شکل 2.3-الف میں ایک ایسا ہی برتی دور دکھایا گیا ہے جس میں تانبے کی تارکی مزاحمت کو اکٹھے کر کے ایک ہی جگہ ہر ہے دکھایا گیا ہے۔ اس دور کے لئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$(2.11) v = \Delta v + v_L$$

تار میں برقی گھٹاو Δv نظرانداز کرتے ہوئے

$$(2.12) v = v_I$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کا مطلب ہے کہ اگر تار میں برقی دباو کا گھٹاو قابل نظرانداز ہو تب لا گو برقی دباو جوں کا توں مزاحمت R_L تک پنچتا ہے۔ برقی ادوار حل کرتے ہوئے یہی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار میں برقی دباو کے گھٹاو کو نظرانداز کیا جاتا ہے۔ شکل 2.3-الف میں ایبا کرنے سے شکل 2.3-ب حاصل ہوتا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ برقی تارکو اس غرض سے استعال کیا جاتا ہے کہ لاگو برقی دباو کو مقام استعال تک بغیر گھٹائے پہنچایا حائے۔

electric field intensity⁷

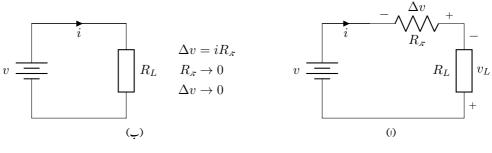
electric voltage⁸

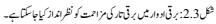
⁹ برتی د باوکی اکائی وولٹ ہے جو اٹلی کے الیانڈر ووولٹا کے نام ہے جنہوں نے برتی بیٹری ایجاد کی۔ electric current ¹⁰

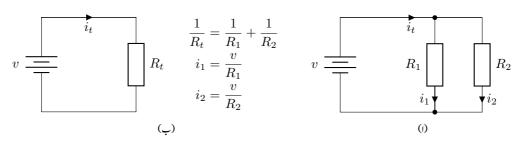
¹¹ بر تی رو کی اکائی ایمپیئر ہے جو فرانس کے انڈر میر ایمپیئر کے نام ہے جن کا بر تی و مقناطیسی میدان میں اہم کر دار ہے۔

copper¹² 1³مز انست کی اکا گی او ہم ہے جو جر ممنی کے جارج سائنس او ہم کے نام ہے جنہوں نے قانون او ہم دریافت کیا۔

2.2. برتی ادوار

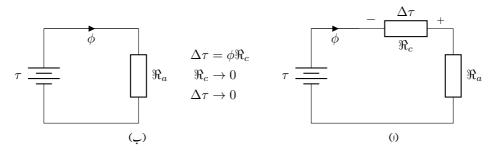






شکل 2.4: کم مزاحمتی راه میں برقی رو کی مقدار زیادہ ہو گی۔

عن طبیمی ادوار باب 2. مقت اطبیمی ادوار



شکل2.5: مقناطیسی دور

شکل 2.4 میں ایک اور مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برتی رو اس رائے زیادہ ہوتی ہے جس کی مزاحمت کم ہو۔ لہذا اگر $R_1 < R_2$ ہو تب $R_1 < R_2$ ہو گا۔

2.4 مقناطيسي دور حصه اول

ا گرے اگر نظرانداز کرنا ممکن نہ ہو تب بالکل سلسلہ وار مزاحمتوں کی طرح ہم دو سلسلہ وار بچکچاہٹوں کا مجموعی بچکچاہٹ & استعال کر کے برقی رو حاصل کریں گے، یعنی

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

magnetomotive force, $\mathrm{mmf^{14}}$

 $flux^{15}$

 $[\]rm reluctance^{16}$

2.5 كثافت مقناطيسي بهاواور مقناطيسي ميدان كي شدت

حصہ 2.2 میں برقی دور کی مثال دی گئی۔ یہاں شکل 2.6 میں دکھائے گئے مقناطیسی دور پر غور کرتے ہیں۔ مقناطیسی قالب کی $\mu_r = \infty$ قالب کی پچکچاہٹ $\mu_r = \infty$ صفر ہو گی۔ حصہ 2.2 میں تانبا کی تار کی طرح یہاں مقناطیسی قالب کو مقناطیسی دباو τ ایک مقام سے دوسری مقام تک منتقل کرنے کے لئے استعال کیا گیا ہے۔ شکل 2.6 میں مقناطیسی دباو کو خلائی درز کی پچکچاہٹ μ_a تک پہنچایا گیا ہے۔ لہذا یہاں کل پچکچاہٹ صرف خلائی درز کی پیکچاہٹ میں متناطیسی دباو کو خلائی درز کی پیکچاہٹ μ_a تک پہنچایا گیا ہے۔ لہذا یہاں کل پیکچاہٹ صرف خلائی درز کی پیکچاہٹ میں متناطیسی دباو کو خلائی درز کی پیکچاہٹ میں کی پیکچاہٹ ہی ہے لینوں کی پیکچاہٹ ہی ہے تھی دباو کو خلائی درز کی پیکچاہٹ میں میں مقاطیس کی پیکھا ہوئے در کی پیکچاہٹ میں میں مقاطیس کی پیکھا ہوئے در کی پیکھا ہوئے کی پیکھا ہوئے در کی بیکھا ہوئے در کیا ہوئے در کی بیکھا ہوئے در کی در کی بیکھا ہوئے د

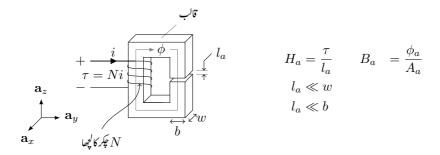
$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a}$$

Henry per meter¹⁷

relative permeability, relative magnetic constant 18 magnetic core 19

laminations²⁰

با___2.مقن اطيسي ادوار 32



شکل 2.6: کثافت مقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شد ت_

اگر خلائی درز کی لمبائی $l_a \ll b$ قالب کے رقبہ عمودی تراش کے اضلاع b اور w سے بہت کم ہوں، لینی $l_a \ll b$ اور تب خلائی درز کے رقبہ عمودی تراش A_a کو قالب کے رقبہ عمودی تراش \Re کے برابر لیا جاتا ہے، لیخی: $l_a\ll w$

$$(2.17) A_a = A_c = wb$$

اں کتاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو وہاں $l_a \ll b$ اور $w \gg l_a \ll b$ کیا جائے گا۔

مقناطیسی دیاو 🕝 کی تعریف درج ذبل مساوات پیش کرتی ہے۔

یوں برقی تار کے چکر ضرب تارییں برقی رو کو مقطاطیسی دیاو کہتے ہیں۔ مقناطیسی دیاو کی اکائی ایمپییر- چکر²¹ ہے۔ بالکل حصه 2.2 كى طرح ہم مساوات 2.15 كو يوں لكھ سكتے ہیں۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_a}$$

مقناطیسی بہاو کی اکائی 22 ویر 23 ہے اور بھی چاہٹ کی اکائی ایمپیر - چکر فرے ویر 24 ہے۔ اس سلسلہ وار دور کی خلائی درز میں مقناطیسی بہاو ϕ_a اور قالب میں مقناطیسی بہاو ϕ_c ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔درج بالا مساوات کو مساوات 2.2 کی مدد سے

$$\phi_a = \tau \left(\frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

 $\rm ampere\text{-}turn^{21}$

²³ یہ اکائی جرمنی کے ولیم اڈور ڈویبر کے نام ہے جن کا برقی و مقناطیسی میدان میں اہم کر دار رہاہے ampere-turn per weber²⁴

یا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

کھ سکتے ہیں جہاں درز کی نشاندہی زیر نوشت میں a کھ کر کی گئی ہے۔ اس مساوات میں بائیں ہاتھ مقناطیسی بہاو فی اکائی رقبہ کو کثافیہ مقاطیسی بہاو B_a^{25} اور دائیں ہاتھ مقناطیسی دباو فی اکائی لمبائی کو مقناطیسی میدالنے کی شدھ B_a^{25} کھا جا سکتا ہے، یعنی:

$$(2.21) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

$$(2.22) H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

کثافتِ مقناطیسی بہاوکی اکائی ویبرفی مربع میٹر ہے جس کو ٹسلا²⁷ کا نام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شدت کی اکائی ایمپیئرفی میٹر²⁸ ہے۔ یوں مساوات 2.20 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.23) B_a = \mu_0 H_a$$

جہاں متن سے واضح ہو کہ مقناطیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں مقناطیسی میدان کی شدت کو مختراً میدانہ شدت a_Z میدانہ عناصلی کہا جاتا ہے۔ شکل 2.6 میں ہم و کیھتے ہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کا رخ اکائی سمتیہ للذا ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کو $B_a = -B_a a_Z$ لکھ سکتے ہیں۔ اسی طرح خلائی درز میں مقناطیسی دباو اکائی سمتیہ کی الث رخ دباو ڈال رہا ہے للذا ہم مقناطیسی دباو کی شدت کو a_Z کی الث رخ دباو ڈال رہا ہے للذا ہم مقناطیسی دباو کی شدت کو a_Z میاوات کو درج ذبل لکھا جا سکتا ہیں۔ یوں درج بالا

$$(2.24) B_a = \mu_0 H_a$$

اگر خلاء کی جگه کوئی اور ماده ہو تب ہم اس مساوات کو درج ذیل لکھتے۔

$$(2.25) B = \mu H$$

magnetic flux density²⁵

magnetic field intensity²⁶

Tesla:27 يداكائي سربياك يكولا لسلاك نام به جنبول في بدلتي روبرتي طاقت عام كرفي مين ابم كرداراداكيا

ampere per meter²⁸

field intensity²⁹

باب2. مقن طبیسی ادوار

 $\mu_r = \infty$ مثال 2.2: شکل 2.6 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو 0.1 ٹسلا درکار ہے۔ قالب کی i ورز i کار برقی دو i کار برقی دو i کار برقی دو i کار کی لمبائی 1 ملی میٹر ہے۔ اگر قالب کے گرو برقی تار کے i کار برقی دو i کار برقی دو i کہوگا۔

حل:

$$\tau = \phi \Re$$

$$Ni = \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right)$$

$$\frac{\phi}{A} = B = \frac{Ni\mu_0}{l}$$

للذا

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4\pi 10^{-7}} = 0.79567 \,\text{A}$$

برتی رو خلائی درز میں $B=0.1\,\mathrm{T}$ کثافت متناطیسی بہاو پیدا کرے گا۔ $i=0.795\,67\,\mathrm{A}$

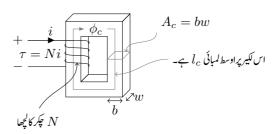
2.6 مقناطیسی دور حصه دوم

شکل 2.7 میں ایک سادہ مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے جس میں قالب کی مقناطیسی مستقل کو محدود تصور کرتے ہیں۔ مقناطیسی دباو Ni میں مقناطیسی بہاو ϕ_c پیدا کرتا ہے۔ قالب کا رقبہ عمود کی تراش A_c میں مقناطیسی بہاو کا رخ فلیمنگے 0 کے دائیں ہاتھ کے جگہ ایک بکساں ہے اور قالب کی اوسط لمبائی 0 ہے۔ قالب میں مقناطیسی بہاو کا رخ فلیمنگے 0 کے دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔ اس قانون کو دو طریقوں سے بیان کیا جا سکتا ہے۔

• اگرایک کچھے کو دائیں ہاتھ سے یوں کپڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں کچھے میں برقی رو کے رخ لیٹی ہوں تب انگوٹھا اُس مقناطیسی بہاد کے رخ ہو گا جو اس برقی رو کی وجہ سے وجود میں آیا ہو۔

Fleming's right hand ${\rm rule}^{30}$

2.6. مقن طيبي دور حصبه دوم



شکل 2.7: ساده مقناطیسی دور ـ

• اگرایک تارجس میں برقی رو کا گزر ہو کو دائیں ہاتھ سے یوں کپڑا جائے کہ انگوٹھا برقی رو کے رخ ہو تب باقی چار انگلیاں اُس مقناطیسی بہاو کے رخ لیٹی ہوں گی جو اس برقی روکی وجہ سے پیدا ہوگا۔

ان دو بیانات میں پہلا بیان کیھے میں مقناطیسی بہاو کا رخمعلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ سید تھی تار کے گرد مقناطیسی بہاو کا رخ دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

قالب میں مقناطیسی بہاو گھڑی کے سمت میں ہے۔ مقناطیسی بہاو ہ کو شکل 2.7 میں تیر والے ہلکی سیابی کے کلیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ قالب کی بچکھاہٹ

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

لکھتے ہوئے مقناطیسی بہاو

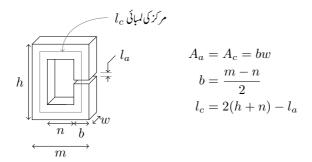
$$\phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = Ni \left(\frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$

ہو گا۔اس طرح ہم تمام نا معلوم متغیرات حاصل کر پائے ہیں۔

مثال 2.3: شکل 2.8 میں ایک مقاطیسی قالب و کھایا گیا ہے جس کی معلومات ورج ذیل ہے۔ $h=20\,\mathrm{cm}$ $m=10\,\mathrm{cm}$

(2.26)
$$\psi = \begin{cases} h = 20 \,\mathrm{cm} & m = 10 \,\mathrm{cm} \\ n = 8 \,\mathrm{cm} & w = 2 \,\mathrm{cm} \\ l_a = 1 \,\mathrm{mm} & \mu_r = 40 \,000 \end{cases}$$

اب_2. مقن طبیمی ادوار



شکل 2.8: خلائی در زاور قالب کے بیکیاہٹ۔

قالب اور خلائی درز کی ہیکچاہٹیں حاصل کریں۔

عل:

$$b = \frac{m-n}{2} = \frac{0.1-0.08}{2} = 0.01 \,\mathrm{m}$$

$$A_a = A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = 0.0002 \,\mathrm{m}^2$$

$$l_c = 2(h+n) - l_a = 2(0.2+0.08) - 0.001 = 0.559 \,\mathrm{m}$$

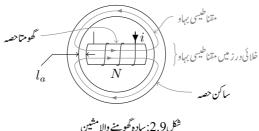
$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.559}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 55598 \,\text{A} \cdot \text{t/Wb}$$

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 3978358 \,\text{A} \cdot \text{t/Wb}$$

ہم وکیھتے ہیں اگرچہ قالب کی لمبائی خلائی درز کی لمبائی سے 559 گنا زیادہ ہے تب بھی خلائی درز کی انجکیاہٹ 71 گنا زیادہ ہے۔ یوں $\Re_a\gg\Re_c$ ہو گا۔

مثال 2.4: شکل 2.9 سے رجوع کریں۔خلائی درز 5 ملی میٹر لمباہے اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہیں۔خلائی درز 5 ملی میٹر کمباہے اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہیں۔خلائی درز میں T 0.95 کثافت برقی بہاو حاصل کرنے کی خاطر درکار برقی رو معلوم کریں۔

2.6. مقن طیسی دور حصب دوم 37



حل: اس شکل میں گھومتے مشین، مثلاً موٹر، کی ایک سادہ صورت د کھائی گئی ہے۔ ایسی مشینوں کا بیر ونی حصہ ساکن رہتا ہے لہٰذا اس جھے کو مثین کا ساکھ جسہ ³¹ کہتے ہیں۔ساکن جھے کے اندر مثین کا گھومتا حصہ پایا جاتا ہے للذا اس جھے کو مشین کا گھومتا حصہ 22 کہتے ہیں۔ اس مثال میں ان دونوں حصوں کا $\mu_r=\infty$ ہے لہذا ان کی ہچکیاہٹ صفر ہو گی۔ مقناطیسی بہاو کو ہلکی ساہی کی لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو کی ایک مکمل چکر کے دوران مقناطیسی بہاو دو خلائی درزوں سے گزرتا ہے۔ یہ دو خلائی درز ہر لحاظ سے ایک جیسے ہیں لہذا ان دونوں خلائی درز کی چکیاہٹ مجی ایک دوسرے کے برابر ہوں گی۔مزید دونوں خلائی درزوں کی چکیاہٹ سلسلہ وار ہیں۔شکل 2.9 میں مقناطیسی بہاو کو گھومتے حصہ، ساکن حصہ اور دو خلائی درزوں سے گزرتا ہوا دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی l_a بہت کم ہے للذا خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش A_a وہی ہو گا جو گھومتے حصہ کا ہے لیمن مودی رقبہ تراش میں ہو گا۔

ایک خلائی درز کی ہیکجاہٹ

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{l_a}{\mu_0 A_c}$$

ہے لہذا دو سلسلہ وار خلائی درزوں کی کل ہیکجاہٹ درج ذیل ہو گی۔

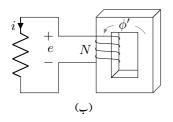
$$\Re_s = \Re_a + \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c}$$

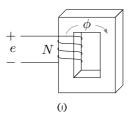
خلائی درز میں مقناطیسی بہاو ϕ_a اور کثافت مقناطیسی بہاو B_a درج ذیل ہوں گے۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left(\frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right)$$

$$B_a = \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a}$$

stator31 ${
m rotor}^{32}$ عليسي اووار 2. مقت طبيسي اووار





شکل 2.10: قالب میں مقناطیسی بہاومیں تبدیلی کیھے میں برقی د باوپیدا کرتی ہے۔

اس مساوات میں اعداد استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} 0.95 &= \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005} \\ i &= \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \, \text{A} \end{aligned}$$

موٹر اور جنریٹروں کی خلاء میں تقریباً ایک ٹسلا کثافت برقی بہاو ہوتی ہے۔

2.7 خوداماله، مشتركه اماله اور توانائي

مقناطیسی بہاو کی وقت کے ساتھ تبدیلی برقی دباو کو جنم دیتی ہے۔ للذا شکل 2.10-اکے قالب میں مقناطیسی بہاو φ کی تبدیل کی بنا لیچے میں برقی دباو e پیدا ہو گا جو لیچے کے سروں پر نمودار ہو گا۔ اِس طرح پیدا ہونے والی برقی دباو کو امالی برقی دباو ³³ کہتے ہیں۔ قانون فیراڈے ³⁴ کے تحت ³⁵ درج ذیل ہو گا۔

$$(2.27) e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

امالی برقی د باو کو منبع برقی د باو تصور کریں۔

induced voltage³³ Faraday's law³⁴ دُورِي مُكُل فِيرَ الأبِ الْكُتِيا فِي مِائِمِين مِنْ جَنِون نِهِ مِحْرِك بِر تَنْ دِ باودر يافت كَ امالی برقی دباوکی سمت کا تعین یوں کیا جاتا ہے کہ اگر دیئے گئے کچھے کی سروں کو کسرِ دور³⁶ کیا جائے تو اِس میں برقی رو اُس رخ ہو گی جو مقناطیسی بہاوکی تبدیلی کو روکے۔ یوں اگر شکل 2.10-ا میں بہاوکی سمت گھڑی کی سو یُوں کے گھومنے کے رخ ہو اور اگر بہاو بڑھ رہا ہو تب بہاوکی تبدیلی کے مخالف بہاو پیدا کرنے کی خاطر کچھے کا بالائی سر مثبت دباو پر ہو گا۔ شکل 2.10-ب میں لچھے کے سروں کے بھی مزاحمت نسب کیا گیا ہے۔ کچھے کو منبع دباو تصور کرتے ہوئے آپ دکھے سکتے ہیں کہ مزاحمت میں روکی سمت قالب میں گھڑی کی الٹ رخ بہاو سم پیدا کرے گا۔

قالب میں مقناطیسی بہاو ϕ کچھے کے تمام چکروں کے اندر سے گزرتا ہے۔ $N\phi$ کو کچھے کی ارتباط بہاو λ کہتے ہیں جس کی اکائی ویبر-چکر λ ہیں جس کی اکائی ویبر-چکر λ ہیں جس کی اکائی ویبر-چکر

$$(2.28) \lambda = N\phi$$

جن مقناطیسی ادوار میں مقناطیسی مستقل μ کو اٹل مقدار تصور کیا جا سکے یا جن میں خلائی درز کی آپکیاہٹ قالب کی جن مقناطیسی ادوار میں مقناطیسی مستقل $\Re_a\gg\Re_c$ ان میں کیھے کی امالہ L^{39} کی تعریف درج ذیل ہے۔

$$(2.29) L = \frac{\lambda}{i}$$

 $\phi = B_c A_c$ ، $\lambda = N \phi$ امالہ کی اکائی و پیر - چکر فی ایمپیئر ہے جس کو ہینری H^{40} کا نام H^{40} دیا گیا ہے۔ یوں $\phi = \frac{Ni}{\Re}$ اور $\phi = \frac{Ni}{\Re}$

(2.30)
$$L = \frac{N\phi}{i} = \frac{NB_c A_c}{i} = \frac{N^2 \mu_0 A_a}{l_a}$$

جہاں قالب کا رقبہ عمودی تراش A_c اور درز کا رقبہ عمودی تراش A_a ایک دوسرے کے برابر لیے گئے ہیں۔

short circuit³⁶

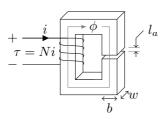
 $[\]begin{array}{c} {\rm flux~linkage^{37}} \\ {\rm weber\text{-}turn^{38}} \end{array}$

inductance³⁹

Henry⁴⁰

⁴¹ مر کی سائنسدان جوزف بینری جنہوں نے مانکل فیراؤے سے علیحدہ طور پر محرک برقی د باودریافت کی

40 باب 2. مقت طبیسی اووار



شكل 2.11: اماليه (مثال 2.5)

- $\mu_r=\infty$ قالب کی •
- $\mu_r = 500$ قالب کی •

حل: (۱) قالب کی $\mu_r = \infty$ کی بنا قالب کی بچکچاہٹ نظر انداز کی جا سکتی ہے۔ یوں امالہ درج ذیل ہو گی۔

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$

$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$

$$= 0.838 \,\text{H}$$

(+) کی صورت میں قالب کی ہیجکیاہٹ قابل نظر انداز نہیں ہو گی۔خلاء اور قالب کی ہیجکیاہٹ دریافت کرتے ہیں۔

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 wb} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,507\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 wb} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

$$\phi = \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c}$$

$$\lambda = N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c}$$

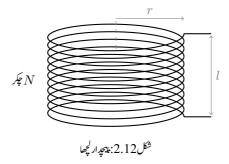
$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{1193507 + 238701} = 0.698 \,\text{H}$$

مثال 2.6: شکل 2.12 میں ایک پیچپرار کچھا 42 و کھایا گیا ہے جس کی جسامت ورج ذیل ہے۔ $N=11, r=0.49\,\mathrm{m}, l=0.94\,\mathrm{m}$

یچدار کچھے کے اندر مقناطیسی بہاو ϕ کا بیشتر حصہ محوری رخ ہوتا ہے۔ کچھے کے باریبی بہاو پوری کا نئات سے گزرتے ہوئے واپس کچھے میں داخل ہوتا ہے۔ چونکہ پوری کا نئات کا رقبہ عمودی تراش A لا متنابی ہے لہذا کچھے کے باہر کثافت مقناطیسی بہاو $B=\frac{\phi}{A}$ کی مقدار قابل نظر انداز ہوتی ہے۔ کچھے کے اندر محوری رخ مقناطیسی شدت درج ذیل ہوگی۔

$$H = \frac{Ni}{l}$$

اس کھیے کی خود امالہ حاصل کریں۔



• ()

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l}$$

$$\phi = B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l}$$

$$\lambda = N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l}$$

$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

 $\rm spiral\ coil^{42}$

42 مقت طبيسي اووار

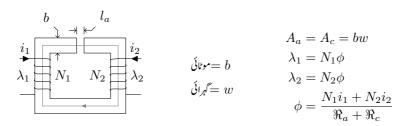
عددیr ، اور l کی قیمتیں پر کرتے ہوئے درج ذیل امالہ حاصل ہو گا 43 ۔

$$L = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times \pi \times 0.49^2}{0.94} = 122\,\mu\text{H}$$

 i_1 میں دو کچھے والا ایک مقناطیسی دور دکھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے چکر N_1 اور اس میں برقی رو i_2 ہے، دوسرا کچھا N_2 چکر کا ہے اور اس میں برقی رو i_2 ہے۔ دونوں کچھوں میں مثبت برقی رو قالب میں ایک جیسے رخ مقناطیسی دباو پیدا کرتے ہیں۔ اگر قالب کا \Re_c قابل نظرانداز ہو تب مقناطیسی بہاو ϕ درج ذیل ہو گا۔

(2.31)
$$\phi = (N_1 i_1 + N_2 i_2) \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

دونوں کیجھوں کے مجموعی مقناطیسی دباو یعنی $N_1 i_1 + N_2 i_2$ سے پیدا ہونے والا مقناطیسی بہاو ϕ ہے۔ اس مقناطیسی



شكل 2.13: دولچھے والا مقناطیسی دور۔

بہاو کا پہلے کچھے کے ساتھ ارتباط

(2.32)
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

لعيني

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

43 پیر پیرار لیھامیں نے 3000 کلو گرام لوہایگھلانے والی بھٹی میں استعال کیا ہے۔

ہے جہاں L_{11} اور L_{12} ہے مراد درج ذیل ہے۔

$$(2.34) L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$(2.35) L_{12} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

 L_{11} ہماہے کچھے کی نود امالہ 44 ہے اور L_{11} اس کچھے کی اپنے برقی رو i_1 سے پیدا مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو L_{12} ہیں۔ L_{12} اِن دونوں کچھوں کا مشرکہ امالہ 46 ہے اور L_{12} کچھا- L_{2} ساتھ i_{2} ساتھ i_{2} ساتھ i_{2} کہتے ہیں۔ بالکل اسی طرح ہم دوسرے کچھے کے لئے درج پیدا بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے جے مشرکہ ارتباط بہاو L_{3} ہیں۔ بالکل اسی طرح ہم دوسرے کچھے کے لئے درج زیل لکھ سکتے ہیں

$$\lambda_2 = N_2 \phi = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$
 (2.36)
$$= L_{21} i_1 + L_{22} i_2$$

جہال L_{21} اور L_{21} سے مراد درج ذیل ہے۔

$$(2.37) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

(2.38)
$$L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

لیے اللہ ہے۔امالہ کا تصور اس وقت کارآ مد ہوتا ہے $L_{21}=L_{12}$ دونوں کی مشتر کہ امالہ ہے۔امالہ کا تصور اس وقت کارآ مد ہوتا ہے جب مقناطیسی مستقل μ کو اٹل تصور کرنا ممکن ہو۔

مساوات 2.29 کو مساوات 2.27 میں پر کرتے ہیں۔

(2.39)
$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = \frac{\partial (Li)}{\partial t}$$

اگر امالہ کی قیمت اٹل ہو جیسا کہ ساکن مشینوں میں ہوتا ہے تب ہمیں امالہ کی جانی بیجانی مساوات

$$(2.40) e = L \frac{\partial i}{\partial t}$$

self inductance⁴⁴ self flux linkage⁴⁵

mutual inductance⁴⁶

mutual flux linkage⁴⁷

باب2. مقن طیسی ادوار 44

ملتی ہے۔ اگر امالہ بھی تبدیل ہو جیسا کہ موٹروں اور جزیٹروں میں ہوتا ہے تب درج ذیل ہو گا۔

$$(2.41) e = L\frac{\partial i}{\partial t} + i\frac{\partial L}{\partial t}$$

توا کہ 48 کی اکائی عاول 49 J 50 ہے اور طاقتے 51 کی اکائی 52 حاول فی سینڈ یا والے 53 W ہے۔

اس کتاب میں توانائی با کام کو W سے ظاہر کیا جائے لیکن طاقت کی اکائی واٹ W کے لئے بھی یمی علامت استعال ہوتی ہے۔امید کی حاتی ہے کہ متن سے اصل مطلب جاننا ممکن ہو گا۔

وقت کے ساتھ توانائی کی تبدیلی کی شرح کو طاقتے کتے ہیں۔اس طرح درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.42) p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ie = i\frac{\partial\lambda}{\partial t}$$

متناطیسی دور میں لمحہ t_1 تا t_2 مقناطیسی توانائی کی تبدیلی کو تکمل کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا ہے:

(2.43)
$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

ا گر مقناطیسی دور میں ایک ہی لحھا ہو اور دور میں امالہ کی قمت اٹل ہو تب درج ذمل ہو گا۔

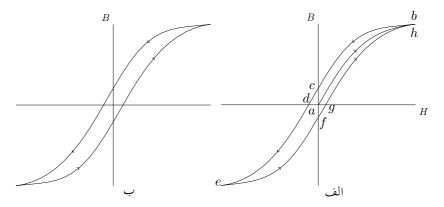
(2.44)
$$\Delta W = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left(\lambda_2^2 - \lambda_1^2 \right)$$

ا گر لمحہ t_1 بر $0 = \lambda_1 = 0$ تصور کیا جائے تب کسی دیئے گئے λ ہر مقناطیسی توانائی درج ذیل ہو گی۔

$$\Delta W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$$

⁵⁰ جیمس پریسقوٹ حاول انگلتانی سائنسدان جنہوں نے حرارت اور مکافی کام کارشتہ دریافت کیا

⁵² سکاٹلدنڈ کے جبیمزواٹ جنہوں نے بخارات پر چلنے والے انجن پر کام کیا



شکلB-H:2.14 خطوط یامقناطیسی جال کے دائرے

2.8 مقناطیسی مادہ کے خصوصات

قالب کی استعال سے دو فوائد حاصل ہوتے ہیں۔ قالب کے استعال سے کم مقناطیسی دباو، زیادہ مقناطیسی بہاہ پیدا کرتا ہے اور مقناطیسی بہاہ کو پیند کی راہ پابند کیا جا سکتا ہے۔ ایک مرحلہ ٹرانسفار مروں میں قالب کی استعال سے مقناطیسی بہاہ کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ تمام کچھوں میں کیساں بہاہ پایا جاتا ہو۔ موٹروں میں قالب کی استعال سے مقناطیسی بہاہ کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پیدا ہو جبکہ جزیر وں میں زیادہ سے زیادہ برقی دباہ حاصل کرنے کی نیت سے بہاہ کو پابند کیا جاتا ہے۔ مقناطیسی مواد کی B اور H کا تعلق ترسیم کی صورت میں پیش کیا جاتا ہے۔ لوبا نما مقناطیسی مادہ جس میں مدے کی B - H ترسیم شکل B - H نظم میں دکھائی گئی ہے۔ایک لوبا نما مقناطیسی مادہ جس میں مقاطیسی اثر نہیں پایا جاتا ہو کو نقط B سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس نقطہ پر

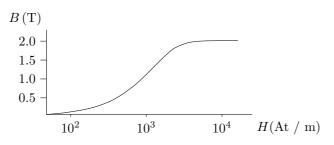
$$H_a = 0$$

$$B_a = 0$$

ہیں۔

ایسے مادہ کو کچھے میں رکھ کر اس پر مقناطیسی دباو لا گو کی جا سکتی ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت H لا گو کرنے سے لوہا نما مقناطیسی مادے میں کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہو گی۔میدانی شدت بڑھانے سے کثافت مقناطیسی بہاو A بی بڑھا یا گیا ہے۔میدانی شدت کو نقطہ A تک بڑھا یا گیا ہے جہاں یہ مقداری A اور A ہیں۔

باب_2 مقت طبيسي ادوار



شكل 5:2.15 كاسٹىل كى 0.3048 ملى ميٹر موٹى پترى كاخط-مىدانى شدت كاپياندلاگ ہے۔

اگراس نقط تک پنچنے کے بعد میدانی شدت کم کی جائے تو دیکھا یہ گیا ہے کہ واپی کا خط مختلف راستہ اختیار کرتا ہے۔ یوں نقطہ b ہے میدانی شدت کم کرتے ہوئے صفر کرنے سے لوہا نما مادہ کی کثافتِ مقناطیسی بہاہ کم ہو کر نقطہ c پر آپنچتی ہے۔ نقطہ d سے نقطہ c تک نوکدار خط اس عمل کو ظاہر کرتا ہے۔ اس نقطہ پر بیرونی میدانی شدت صفر ہے لیکن لوہا نما مادے کی کثافتِ مقناطیسی بہاہ صفر نہیں ہے۔ یہ اب ایک مقناطیس بن گیا ہے جس کی کثافتِ مقناطیسی بہاہ مے d کہتے ہیں۔ مصنوعی مقناطیس اس طرح بنایا جاتا ہے۔ بہاہ d کے کہتے ہیں۔ مصنوعی مقاطیس اس طرح بنایا جاتا ہے۔

یہاں سے میدانی شدت منفی رخ بڑھانے سے B کم ہوتے ہوتے آخر کار ایک مرتبہ دوبارہ صفر ہو جائے گی۔اس نقطہ کو d سے ظاہر کیا گیا ہے۔مقاطبیت ختم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی مقدار $|H_d|$ کو مقاطبیت ختم کرنے والی شدت یا غاتم شدھے 55 کہتے ہیں۔

منفی رخ میدانی شدت بڑھانے سے نقطہ e حاصل ہوتا ہے جہاں سے منفی رخ کی میدانی شدت کی مقدار ایک مرتبہ پھر کم کی جاتی ہے۔ یوں نقطہ f حاصل ہوتا ہے جہاں میدانی شدت صفر ہونے کے باوجود کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر نہیں۔اس نقطہ پر لوہا نما مادہ اُلٹ رخ مقناطیس بن چکا ہے اور B_f بقایا کثافتِ مقناطیسی بہاو ہے۔ اس طرح اس رخ مقناطیسیت ختم کرنے کی شدت $|H_g|$ ہے۔میدانی شدت بڑھاتے ہوئے ہم نقطہ b کی بجائے نقطہ d کی بختیج ہیں۔

اگر برقی شدت کو متواتر اسی طرح پہلے ایک رخ اور پھر اس کے الٹ رخ ایک خاص حد تک لے جایا جائے تو آخر کار B-H خط ایک بند دائرہ کی صورت اختیار کر لیتا ہے جے شکل 2.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔شکل 2.14-ب کو مقناطیسی چالے کا دائرہ 56 کہتے ہیں۔

magnetic flux!residual⁵⁴
coercivity⁵⁵

hysteresis loop⁵⁶

مختلف H کے لئے شکل 2.14-ب حاصل کر کے ایک ہی کاغذ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے b نقطے جوڑنے سے شکل 2.15 میں دکھایا B-H نظ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 2.15 میں ٹرانسفار مروں میں استعال ہونے والی 0.3048 ملی میٹر موٹی M قالب کی پتری کا M H فظ دکھایا گیا ہے۔ اس خط میں موجود مواد جدول 2.1 میں بھی دیا گیا ہے۔ جموماً مقناطیسی مسائل حل کرتے ہوئے شکل 2.14 کی جگہ شکل 2.15 طرز کا خط استعال کیا جاتا ہے۔دھیان رہے کہ اس خط میں H کا پیانہ لاگےH میں دکھایا گیا ہے۔

لوہا نما مقناطیسی مادے پر لا گو مقناطیسی شدت بڑھانے سے کثافتِ مقناطیسی بہاو بڑھنے کی شرح بتدر تک کم ہوتی جاتی ہے حتی کہ آخر کاریہ شرح خلاء کی شرح ہوتی ہے یعنی

$$\frac{\Delta B}{\Delta H} = \mu_0$$

اس اثر کو سیرابیدے 58 کہتے ہیں جو شکل 2.15 میں واضح ہے۔

شکل 2.14 سے واضح ہے کہ H کی کسی بھی قیت پر B کے دو مکنہ قیمتیں ہوں گی۔ بڑھتے مقناطیسی بہاو کی صورت میں ترسیم میں نیچ سے اُوپر جانے والا خط B اور H کا تعلق پیش کرے گا جبکہ گھٹے ہوئے مقناطیسی بہاو کی صورت میں اوپر سے نیچ جانے والا خط اس تعلق کو پیش کرے گا۔ چونکہ B/H ہے لہذا B کی مقدار تبدیل ہوئے سے والا خط اس تعلق کو پیش کرے گا۔ چونکہ B/H ہے ستقل تصور کرتے ہیں۔ یہ تصور کو نے سے A مقناطیسی ادوار میں A کو ایک مستقل تصور کرتے ہیں۔ یہ تصور کر لینے سے عموماً جواب پر زیادہ اثر نہیں پڑتا۔

مثال 2.7: شکل 2.15 یا اس کے مساوی جدول 2.1 میں دیئے گئے مواد کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.6 کی خلاء میں ایک ٹسلا اور دو ٹسلا کثافتِ مقاطیسی بہاو حاصل کرنے کے لئے درکار برقی رو معلوم کریں۔اس شکل میں

 $b = 5 \text{ cm}, w = 4 \text{ cm}, l_a = 3 \text{ mm}, l_c = 30 \text{ cm}, N = 1000$

ہیں۔ قالب اور خلاء کا رقبہ عمودی تراش ایک دوسرے جتنا لیں۔

log⁵⁷ saturation⁵⁸

باب2. مقن طبیسی ادوار

حل: ایک ٹسلاکے لئے۔

جدول 2.1 سے ہم دیکھتے ہیں کہ قالب میں 1 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے قالب کو 11.22 ایمپیئر-چکر فی H میٹر درکار ہوں 30 سم کمبے قالب کو 3.366 عالم 30 30 ایمپیئر چکر درکار ہوں گے۔

خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795\,671$$

ایمپیئر- چکر فی میٹر درکار ہیں۔المذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 2387 = 795671 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہوں گے۔یوں کل ایمپیئر- چکر 2390.366 = 2387 + 3.366 ہیں جن سے

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔

حل: دو ٹسلا کے لئے۔

جدول 2.1 ہے ہم دیکھتے ہیں کہ قالب میں 2 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے قالب کو 10000 ایمپیئر - چکر فی میٹر H درکار ہے۔یوں 30 سم لمبے قالب کو 3000 $= 3000 \times 10000$ ہیں جکھیٹر چکر درکار ہیں۔خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591342$$

ایمپیئر-چکر فی میٹر درکار ہیں۔المذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 4774 = 1591342 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہیں۔یوں کل دایمپیئر-چکر 7774 = 4774 + 3000 ہیں جن سے

$$i = \frac{7774}{1000} = 7.774 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اس مثال میں مقناطیسی سیرابیت کے اثرات واضح ہیں۔

2.9. بيجبان شده لچھ

B	H	B	H	B	H	B	H	B	H	B	H
0.000	0	0.700	9	1.480	30	1.720	200	1.852	1000	1.998	9000
0.040	2	0.835	10	1.540	40	1.752	300	1.900	2000	2.000	10000
0.095	3	1.000	11.22	1.580	50	1.780	400	1.936	3000	2.020	20000
0.160	4	1.100	12.59	1.601	60	1.800	500	1.952	4000	2.040	30000
0.240	5	1.200	14.96	1.626	70	1.810	600	1.968	5000	2.048	40000
0.330	6	1.300	17.78	1.640	80	1.824	700	1.975	6000	2.060	50000
0.440	7	1.340	20	1.655	90	1.835	800	1.980	7000	2.070	60000
0.560	8	1.400	23.77	1.662	100	1.846	900	1.985	8000	2.080	70000

جدول 2.1: مقناطيسي بهاو بالمقابل شدت

2.9 ميجان شده لجها

عموماً بدلتی رو بجلی میں برقی دباو اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں لیعنی یہ وقت کے ساتھ sin ωt یا $\cos \omega t$ تعلق رکھتے ہیں۔ اِس سبق میں ہم بدلتی رو سے کچھے کو بیجان کرنا اور اس سے نمودار ہونے والے برقی توانائی کے ضیاع کا تذکرہ کریں گے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو درج ذیل ہے۔

$$(2.48) B = B_0 \sin \omega t$$

یوں قالب میں براتا مقناطیسی بہاو φ درج ذیل ہو گا۔

(2.49)
$$\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$$

اس مساوات میں مقناطیسی بہاو کا حیطہ $+\phi_0$ اور $+\omega_0$ کا حیطہ $+\omega_0$ بیں۔ $+\omega_0$ قالب کا رقبہ عمودی تراش ہے جو ہر جگہ کیسال ہے $+\omega_0$ جہال $+\omega_0$ تعدد ہے۔

فیراڈے کے قانون لینی مساوات e(t) کے تحت اس مقناطیسی بہاو کی وجہ سے کچھے میں e(t) برقی دباو پیدا ہو

(2.50)
$$e(t) = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

$$= \omega N \phi_0 \cos \omega t$$

$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$

$$= E_0 \cos \omega t$$

ا___2,مقت طبيسي ادوار

جس کا حیطہ

$$(2.51) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ے۔e(t) کو امالی برقبی دباو e^{59} ہیں۔

ہم بدلتی رو مقداروں کے مربع کی اوسط کے جذر میں دلچیں رکھتے ہیں جو ان مقداروں کی موثر 60 قیمت ہوتی $1/\sqrt{2}$ ہیں دیکھا گیا ہے، ایک سائن نما موج کی موثر قیمت اس کے حیطہ کے $1/\sqrt{2}$ گئا ہوتی ہے۔ جیسا صفحہ 19 پر مساوات 1.44 میں دیکھا گیا ہے، ایک سائن نما موج کی موثر قیمت اس کے حیطہ کے E_{rms} درج ذیل ہوگی۔

(2.52)
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

مثال 2.8: شکل 2.7 میں 27 چکر ہیں۔ قالب کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عمودی تراش 229.253 مربع سم ہے۔ کچھے میں گھریلو 220 وولٹ موثر برقی دباوسے ہیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ جدول 2.1 کی مدد سے مختلف برقی دباو پر محرک برقی رو معلوم کریں اور اس کا خط کھیجنیں۔

حل: گھر یلو برقی دباو 50 ہر ٹزکی سائن نما موج ہوتی ہے یعنی:

$$(2.53) v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$$

مساوات 2.52 کی مدد سے ہم کثافت مقناطیسی بہاو کی چوٹی حاصل کرتے ہیں:

(2.54)
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 \,\mathrm{T}$$

 $\begin{array}{c} \rm induced\ voltage^{59} \\ \rm root\ mean\ square,\ rms^{60} \end{array}$

2.9. هیجبان شده کچه ا

ωt	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	ωt	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$
0.675	1.000	11.22	3.366	0.125	0.000	0.000	0	0.000	0.000
0.757	1.100	12.59	3.777	0.140	0.025	0.040	2	0.600	0.022
0.847	1.200	14.96	4.488	0.166	0.059	0.095	3	0.900	0.033
0.948	1.300	17.78	5.334	0.198	0.100	0.160	4	1.200	0.044
0.992	1.340	20	6.000	0.222	0.150	0.240	5	1.500	0.056
1.064	1.400	23.77	7.131	0.264	0.208	0.330	6	1.800	0.067
1.180	1.480	30	9.000	0.333	0.278	0.440	7	2.100	0.078
1.294	1.540	40	12.000	0.444	0.357	0.560	8	2.400	0.089
1.409	1.580	50	15.000	0.556	0.453	0.700	9	2.700	0.100
1.571	1.601	60	18.000	0.667	0.549	0.835	10	3.000	0.111

جدول2.2: محرک برقی رو

یوں قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر تا 1.601 ٹسلا تبدیل ہوتی رہتی ہے لہذا قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کی مساوات درج ذیل ہوگی۔

$$(2.55) B = 1.601 \sin \omega t$$

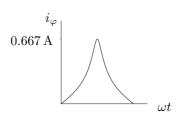
ہم فہرست کی مدد سے کثافتِ مقناطیسی بہاو کا 0 تا 1.601 ٹسلا مختلف قیمتوں پر درکار محرک برقی رو i_{θ} معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ہم مختلف B پر جدول 2.1 سے قالب کے H حاصل کریں گے جو کہ ایک میٹر لمبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر – چکر حل کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔ ایمپیئر – چکر حل کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔

جدول 2.2 مخلف کثافتِ مقناطیسی بہاو کے لئے درکار محرک برقی رو دیتی ہے۔جدول میں ہر B کی قیت پر ωt مساوات 2.55 کی مدد سے حاصل کی گئی ہے۔ ωt بالمقابل محرک برقی رو کا خط شکل Δt میں دیا گیا ہے۔

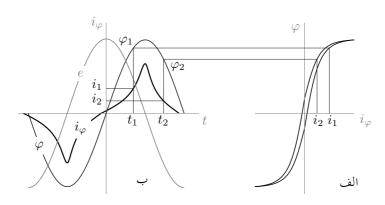
برتی کچھ میں برتی دباو سے بیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ بیجان شدہ کچھ میں برتی رو کی بنا قالب میں مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ اس برقی رو i_{φ} کو **بیجان انگیز برقی**ر رو⁶¹ کہتے ہیں۔

مثال 2.8 میں بیجان انگیز برقی رو معلوم کی گئی جے شکل 2.16 میں دکھایا گیا۔اسے حاصل کرتے وقت مقناطیسی چالے 62 کو نظر انداز کیا گیا۔شکل 2.17 میں بیجان انگیز برقی رو 16 دکھائی گئی ہے جو مقناطیسی چال کو مدِ نظر رکھ کر حاصل کی گئی ہے۔ اس کو سمجھنا نہایت ضروری ہے۔ شکل 2.17-الف میں مقناطیسی چال کا خط ہے۔چونکہ

excitation current⁶¹ hysteresis⁶²

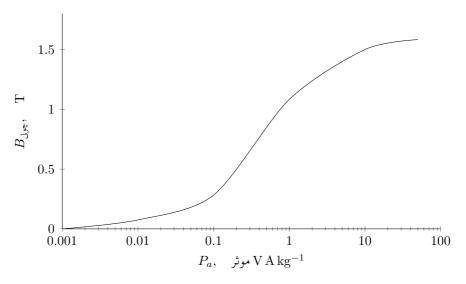


شکل 5:2.16 سپتری کے قالب میں 1.6 ٹسلاتک پیجان پیدا کرنے کے لئے در کار پیجان انگیز برتی رو۔



شكل 2.17: ہيجان انگيز برقى رو_

2.9. بيجبان شده لچھ



شکل 2.18: پیچاس ہر ٹزیر 3.0 ملی میٹر موٹی پتری کے لئے در کار موثر وولٹ -امپیئر فی کلو گرام قالب

(2.56)
$$Hl = Ni$$

$$\varphi = BA_c$$

ہیں لہذا مقناطیسی چال کے خط کو $\varphi-i_{\varphi}$ کا خط کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.17ب قالب میں سائن نما مقناطیسی بہاو و کھا رہا ہے۔سائن نما مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے۔ لحمہ t_1 پر اس کی مقدار φ ہے۔مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے۔ لحمہ اللہ ہوتی ہے۔اس بیجان انگیز برقی رو φ ماصل کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو i_1 شکل-الف سے حاصل کی جا سکتی ہے۔اس بیجان انگیز برقی رو کو شکل-ب میں لمحہ t_1 پر دکھایا گیا ہے۔

وھیان رہے کہ لحمہ t_1 پر مقناطیسی بہاو بڑھ رہا ہے للذا مقناطیسی چال کے خط کا صحیح حصہ استعال کرنا ضرور ی ہے۔ شکل 2.17-الف میں $\varphi - i_{\varphi}$ خط میں گھڑی کی سوئیوں کے الٹ رخ گھومتے ہوئے یوں نیچے سے اوپر جاتے ہوئے جاتا ہوا حصہ استعال کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو بڑھنے کی صورت میں شکل 2.14-ب میں نیچے سے اوپر جاتے ہوئے حصے پر تیر کا نشان صحیح حصہ دیتا ہے۔ اس طرح مقناطیسی بہاو گھنے کی صورت میں اوپر سے نیچے جاتے ہوئے حصے پر تیر کا نشان صحیح حصہ دیتا ہے۔ اس طرح مقناطیسی بہاو گھنے کی صورت میں اوپر سے نیچے جاتے ہوئے حصے پر تیر کا نشان صحیح حصہ دیتا ہے۔

لمحہ t_2 پر مقناطیسی بہاو گھٹ رہا ہے۔اس لمحہ پر مقناطیسی بہاو φ_2 ہے اور اسے حاصل کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو i_2 ہے۔

باب 2. مقت طبيسي ادوار

اسی طرح مختلف کمات پر درکار ہیجان انگیز برقی رو حاصل کرنے سے شکل 2.17-ب میں دکھایا گیا ہ i_{arphi} کا خط ملتا ہے۔ یہ ایک غیر سائن نما خط ہے۔

و المورث و باو کار میں میں اس برقی و باو کو بھی و کار شکل ہو تب برقی و باو کار میں کہ اگر میں کہ اگر میں کہ مقاطیس بہاو برقی و باو کو بھی و کھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیس بہاو برقی و باو کو بھی دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیس بہاو برقی و باو سے 90° بیچھ ہے۔

 $H_{c,rms}$ قالب میں کے جن کی موثر قیمتوں $B=B_0\sin\omega t$ اور i_{arphi} غیر سائن نما ہوں گے جن کی موثر قیمتوں اور $i_{c,rms}$ اور $i_{c,rms}$ کا تعلق درج ذمل ہو گا۔

$$(2.57) Ni_{\varphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

مساوات 2.52 اور مساوات 2.57 سے درج ذیل ملتا ہے۔

(2.58)
$$E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2}\pi f B_0 H_{c,rms} A_c l_c$$

یہاں $A_c l_c$ قالب کا حجم ہے۔ للذا یہ مساوات جمیں جماوات جمیں قالب کو B_0 گافتِ مقاطیسی بہاو تک ججان کرنے $E_{rms}i_{arphi,rms}$ ویت ہے۔ ایک مقاطیسی قالب جس کا حجم $A_c l_c$ اور میکانی کثافت $E_{rms}i_{arphi,rms}$ ہو کی کمیت $m_c = \rho_c A_c l_c$ ہو گی۔ یوں ایک کلو گرام قالب کے لئے مساوات 2.58 درج ذیل کھی جا سکتی ہے۔

$$(2.59) P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2}\pi f}{\rho_c} B_0 H_{c,rms}$$

 $H_{c,rms}$ ویکھا جائے تو کس ایک تعدد f پر P_a کی قیمت صرف قالب اور اس میں B_0 یعنی پوئی B_0 پر منحصر ہے، چونکہ خود B_0 خود B_0 پر منحصر ہے۔ یہی وجہ ہے کہ قالب بنانے والے اکائی کمیت کے قالب میں مختلف پوئی B_0 پیدا کرنے کیلئے درکار $E_{rms}i_{\varphi,rms}$ کی B_0 بالمقابل B_0 کی ترسیم مہیا کرتے ہیں۔ قالب کی B_0 میٹر موثی پتری کے لئے ایسا ترسیم شکل B_0 میں دکھایا گیا ہے۔

باب3

ٹرانسفار مر

ٹرانسفار مر وہ آلہ ہے جو بدلتی برقی دباو تبدیل کرتا ہے۔ یہ دو یا دو سے زیادہ کچھوں پر مشتمل ہوتا ہے جو مقناطیسی قالب اپر لیلئے ہوتے ہیں۔ یہ کچھے عموماً آپس میں جُڑے ہوئے نہیں ہوتے۔ شکل 3.1-الف میں ٹرانسفار مرکی علامت د کھائی گئی ہے۔ دو کچھوں کے در میان متوازی کلیریں مقناطیسی قالب کو ظاہر کرتی ہیں۔

دستیاب برقی د باو² پر ٹرانسفار مر کے ایک کچھے کو برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے اور باقی کچھوں سے مختلف برقی د باو پر یہی برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے۔ جس کچھے پر برقی د باو لا گو کیا جائے اسے ابتدائی کچھا³ کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو ابتدائی جانب⁴ کہتے ہیں۔اس طرح جس کچھے (کچھوں) سے برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے اسے (انہیں) ثانوں کچھا³ (کچھے) کہتے ہیں اور اس جانب کو ٹانوں جانب⁶ کہتے ہیں۔ یہ شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب کو ہائیں ہاتھ کی جانب اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ کی جانب اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ کی جانب بنایا جاتا ہے۔

بڑے ٹرانسفار مر عموماً دو ہی کچھوں پر مشتمل ہوتے ہیں۔اس کتاب میں ہم دو ہی کچھوں کے مقناطیسی قالب پر لیٹے قوی ٹرانسفار مر پر تبھرہ کریں گے۔

magnetic core¹

² بدلتی برتی د باوکی علامت میں مثبت اور منفی نشان وقت صفر پر برتی د باوکی مثبت اور منفی سرے ظاہر کرتے ہیں۔

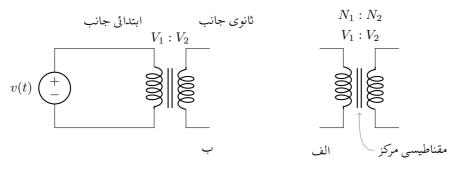
primary coil³

primary side⁴

secondary coil⁵

secondary side⁶

56 باب.3. ٹرانسفار مسم



شكل 3.1: ٹرانسفار مركى علامت۔

ٹرانسفار مر کے کم برقی دباو کے لچھے کو کم برقی دباو کا لچھا⁷ کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو کم برقی دباو والی جانبے کہتے ہیں جبکہ اس کے زیادہ برقی دباو کے لچھے کو زیادہ برقی دباو کا لچھا⁸ کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو زیادہ برقی دباو والی جانبے کہتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مر کے کم برقی دباو کی جانب برقی دباو لا گو کیا جائے اور زیادہ برقی دباو کی جانب سے برقی دباو حاصل کیا جائے توٹرانسفار مرکی کم برقی دباو والی جانب کو ابتدائی جانب کہیں گے اور اس کی زیادہ برقی دباو والی جانب کو ٹانوی جانب کہیں گے۔

3.1 ٹرانسفار مرکی اہمیت

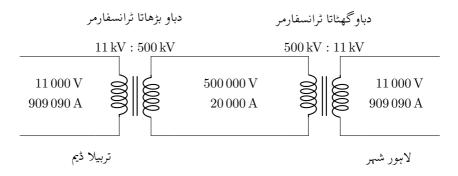
بدلتی رو کی برقی طاقت اتنی مقبول اس لئے ہوئی ہے کہ یہ ایک جگہ سے دوسری جگہ با آسانی اور نہایت کم برقی طاقت کی ضیاع کے ساتھ منتقل کی جاسکتی ہے۔ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباو⁹ کی خصوصیت ایبا کرنے میں کلیدی کردہر ادا کرتی ہے۔ یہ ایک مثال سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔

مثال 3.1: شکل 3.2 سے رجوع کریں۔ برقی دباو اور برقی روکی حاصل ضرب برقی طاقت ہوتی ہے لینی

low voltage coil⁷ high voltage coil⁸

voltage transformation property⁹

3.1. ٹرانسفار مسر کی اہمیت



شكل 3.2: برقى طاقت كى منتقلي۔

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

اب تصور کریں کہ تربیلا ڈیم 000,000,000,000 واٹ لینی وس گیگا واٹ 10 برقی طاقت پیدا کر رہا ہے اور اس طاقت کو لاہور 11 شہر منتقل کرنا ہے جہال گھریلو صارفین کو یہ 220 وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔اگر ہم اس طاقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقل کرنا چاہیں تو برقی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{220} = 45\,454\,545\,\text{A}$$

ہو گی۔ برقی تار میں کثافتِ برقی رو J_{au} تقریباً 5 ایمپیئر فی مربع ملی میٹر $\frac{A}{mm^2}$ کی مربع ملی میٹر $J_{au}=5$ ممکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافتِ برقی رو ہے۔ اگر برقی تار میں اس سے زیادہ برقی رو گزاری جائے تو اس کی مزاحمت میں برقی طاقت کے ضیاع سے یہ گرم ہو کر پھول سکتی ہے۔ اس طرح صفحہ 12 پر مساوات 1.25 سے برقی تار کا رقبہ عمودی تراش

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{45454545}{5} = 9\,090\,909\,\text{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کرس تو اس کا رداس

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{9090909}{\pi}} = 1701\,\mathrm{mm} = 1.7\,\mathrm{m}$$

Giga Watt¹⁰ ^{11 ضلع صوابی میں بھی لاہورا یک تحصیل ہے لیکن اس شہر کواتی طاقت نہیں در کار} 58 باب.3. ٹرانسفار مسر

ینی 24 ٹن ہو گی۔المونیم اتنی مہنگی ہے کہ اس صورت میں اتنی برقی طاقت کو لاہور پہنچانا ممکن نہیں 13۔

. ڈیم پر ایک ٹرانسفار مر نسب کیا جائے جو برقی دباو کو بڑھا کر 000 500 وولٹ لیعنی 500 کلو وولٹ کر دے تب صرف

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{500\,000} = 20\,000\,\mathrm{A}$$

ایمپیئر در کار ہوں گے جس کے لئے در کار برقی تار

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{20\,000}{5} = 4000\,\text{mm}^2$$
$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{4000}{\pi}} = 35.7\,\text{mm}$$

صرف 35 ملی میٹر رداس کی ہو گی۔

اس مثال میں اگر تربیلا ڈیم میں نسب جزیٹر 11000 دولٹ برقی دباو پیدا کر رہا ہو تو تربیلا ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر برقی دباو کو 11000 دولٹ سے بڑھا کر 500 کلو دولٹ کرے گا جبکہ لاہور شہر میں نسب ٹرانسفار مر اس برقی دباو کو 500 کلو دولٹ سے داپس 11000 دولٹ کر دے گا۔

اسی مثال کو مزید آگے لے جاتے ہیں۔ شہر میں 220 وولٹ کی بجائے 11000 وولٹ صارف تک پہنچائے جائیں گے اور۔وہیں نزدیک ایک اور ٹرانسفار مر 11000 وولٹ کو مزید گھٹا کر صارف کو 220 وولٹ فراہم کرے گی۔

شکل 3.2 میں ڈیم سے شہر تک کا نظام دکھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر کو برقجے دباو بڑھایا ٹرانسفار مر¹⁴ اور لاہور میں نسب ٹرانسفار مر کو برقجے دباو گھٹاتا ٹرانسفار مر¹⁵ کہا گیا ہے۔

برتی طاقت عموماً 11 کلو وولٹ اور 25 کلو وولٹ کے مابین پیدا کی جاتی ہے۔اس کی منتقلی 110 کلو وولٹ اور 1000 کلو وولٹ کے مابین کی جاتی ہے جبکہ اس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔

¹² آپ مانیں بانہ مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی برقی تاریجھی نہیں ویکھی

¹³ آج کل لاہور میں لوڈشید نگاس وجہ سے نہیں

step up transformer¹⁴

step down transformer¹⁵

3.2. ٹرانسفار مسرکے اقسام

3.2 ٹرانسفار مرکے اقسام

گھروں اور کارخانوں کو برقی طاقت فراہم کرنے والے ٹرانسفار مر مقناطیسی قالب پر لیٹے جاتے ہیں۔ یہ عموماً تیرین مرحلہ 16 ہوتے ہیں۔ ہوتے ہیں۔

نہایت چھوٹے ٹرانسفار مر عموماً لوہے کے قالب اور ایک مرحلہ 18 ہوتے ہیں۔ یہ گھریلو استعال کے برقی مشین، مثلاً موبائل چارجر، میں گلے ہوتے ہیں اور 220 وولٹ سے برقی دباو مزید گھٹاتے ہیں۔

کچھ ٹرانسفار مر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی دباو ان کی ابتدائی جانب برقی دباو کی خاص نبیت سے ہو۔ یہ نسبت سے ہو۔ یہ نسبت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ انہیں دباو کے ٹرانسفار مر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی رو، ابتدائی جانب برقی رو کی خاص نسبت سے ہو۔ یہ نسبت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ ان کو رو کے ٹرانسفار مر برقی دباو اور برقی رو قسم کے ٹرانسفار مر برقی دباو اور برقی رو ناپنے کے لئے استعال ہوتے ہیں۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مرکسی نسبت سے ہی برقی دباویا برقی رو کم یا زیادہ کرتا ہے لیکن جیسا پہلے ذکر ہوا ان دو قسم کے ٹرانسفار مروں میں کم اور زیادہ کرنے کی نسبت پر خاص توجہ رکھی جاتی ہوتی ہے۔ ان دو اقسام کے ٹرانسفار مروں کی برقی سکت 21 نہایت کم 22 ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مر کے لچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو خلاء کے ذریعہ بھی ممکن ہے۔انہیں ظلائھ قالب ٹرانسفار مروں کہتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفار مر ذرائع ابلاغ²⁴ کے ادوار، یعنی ریڈیو، ٹی وی وغیرہ میں بائے جاتے ہیں۔ان ٹرانسفار مروں کی علامت شکل الف کی طرح ہوتی ہے گر اس میں مقناطیسی قالب ظاہر کرنے والی متوازی کیبریں نہیں ہوتیں۔

three phase 16

iron core, three phase power transformer 17

single phase¹⁸

potential transformer¹⁹

current transformer²⁰

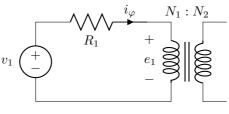
 $^{{\}rm electrical\ rating^{21}}$

²² مية عموماً تقريباً بچيس وولٺ -ايمپيئر سکت رکھتے ہيں۔

air core transformer²³

communication transformer²⁴

60 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شکل 3. 3: بير وني برقى د باواور اندر وني امالي برقى د باويين فرق_

3.3 المالى برقى دباو

اس جھے کا بنیادی مقصد بیرونی برقی دباو v اور اندرونی امالی برقی دباو e میں فرق واضح کرنا اور اس سے تعلق رکھنے والی تکنیکی اصطلاح کا تعارف کرانا ہے۔

شکل 3.3 میں بے بوجھ 25 ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے لینی اس کے ثانوی کچھے کو کھلے دور رکھا گیا ہے۔ابتدائی کچھ پر برقی دو سے پیدا پر برقی دباو لا گو کرنے سے ابتدائی کچھے میں بیجان انگیز برقی روسے پیدا مقاطیسی دباو کرنے سے ابتدائی کچھے میں امالی برقی دباو مقاطیسی دباو ابتدائی کچھے میں امالی برقی دباو و پیدا کرتی ہے جہاں و

(3.1)
$$e_1 = -\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t} = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

اس مساوات میں

- \lambda ابتدائی کیجھے کی مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے
- مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاہ جو دونوں کچھوں میں سے گزرتی ہے φ
 - ابتدائی کچھے کے چکر N_1 •

 $\begin{array}{c} \text{unloaded}^{25} \\ \text{excitation current}^{26} \end{array}$

3.3. امالى برقى دباو

اگر اس ابتدائی کچھے کی برقی تارکی مزاحمت
$$R_1$$
 ہو تب کرخوف کے قانون برائے برقی دباو سے $v_1=i_{\varphi}R_1+e_1$

شکل میں اس مزاحت کوٹرانسفار مرکے باہر و کھایا گیا ہے۔ اس کچھے کی رِستا متعاملہ بھی ہوتی ہے لیکن اسے یہاں نظرانداز کیا گیا ہے۔ عام تر طاقت کے ٹرانسفار مر اور موٹروں میں $i_{\varphi}R_{1}$ کی قیمت e_{1} اور v_{1} سے بہت کم ہوتی ہے لہٰذا اسے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ ایبا کرنے سے ہم لکھ سکتے ہیں

$$(3.3) v_1 = e_1 = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 3.2 سے یہ ثابت ہوتا ہے کہ بیرونی لا گو برقی دباو v_1 اور اندرونی امالی برقی دباو e_1 دو علیحدہ برقی دباو ہیں۔ یہ بات سمجھ لینا بہت ضروری ہے۔ مساوات 3.3 کے تحت ان دو برقی دباو کی مقداریں عموماً برابر ہوتی ہیں۔ e_1 میں محت کتاب میں عموماً مساوات 3.3 کی طرح مساواتوں میں دائیں جانب منفی کی علامت نہیں کھی گئی ۔ عموماً برقی دباو کی قیت درکار ہوتی ہے نا کہ اس کی علامت۔

لچھا میجان ²⁸ کرنے سے مراد اس پر بیرونی برقی دباو لا گو کرنا جبکہ کچھے پر لا گو بیرونی برقی دباو کو ہیجان انگیزبرقی دباو²⁹ کہتے ہیں۔ کچھے کو ہیجان شدہ کچھا³⁰ جبکہ اس میں رواں برقی رو کو ہیجان انگیزبرقی رو³¹ کہتے ہیں۔

برقی دباو عموماً کچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاو کی تبدیلی سے حاصل کی جاتی ہے۔اگر ایبا کرتے کچھا ساکن رہے، حبیبا کہ ٹرانسفار مر میں ہوتا ہے، تب حاصل برقی دباو کو امالی برقی دباو³² کہتے ہیں۔اگر برقی دباو کا حصول مقناطیسی میدان میں کچھے کی حرکت سے ممکن بنایا جائے تب اسے محرکھ برقی دباو³³ کہتے ہیں۔یاد رہے ان برقی دباو میں کسی قشم کا فرق نہیں ہوتا۔انہیں مختلف نام صرف پہچان کی خاطر دئے جاتے ہیں۔

27جس سے طلباء کو یہ غلط فنہی لاحق ہو جاتی ہے کہ یہ ایک ہی برقی دیاوے دونام ہیں۔

excitation²⁸

excitation $voltage^{29}$

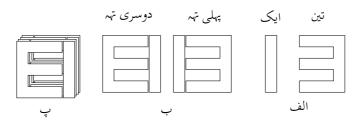
excited coil³⁰

excitation current³¹

induced voltage³²

electromotive force, emf^{33}

62 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شکل 4. 3: قالبی پتری کے اشکال اور ان کو تہہ در تہہ رکھنے کا طریقہ۔

3.4 ميجان انگيزېرقى رواور قالبى ضياع

جہاں مقناطیسی قالب میں بدلتی مقناطیسی بہاو ثانوی لیجھوں میں فائدہ مند برقی دباو پیدا کرتی ہے وہاں یہ مقناطیسی قالب میں نقصان دہ برقی دباو کو بھی جنم دیتی ہے جس سے مقناطیسی قالب میں بھورنما برقی رو³⁴ پیدا ہوتی ہے۔ اس بھنور نما برقی رو کی وجہ سے مقناطیسی قالب میں برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جے بھورنما برقی رو کا ضیاع 35 یا قالبی ضیاع 36 کہتے ہیں۔ اس برقی طاقت کے ضیاع کو کم سے کم کرنے کیلئے مقناطیسی قالب کو باریک لوہ کی پتریالی 37 تہہ در تھ کر بنایا جاتا ہے۔ ان پتریوں پر غیر موصل روغن 38 کی تہہ لگائی جاتی ہے تا کہ بھور نما برقی رو کو روکا جا سکے۔ آپ دیکھیں گے کہ برقی مثنین کا قالب عمواً اس طرح بنایا جاتا ہے۔ شکل 2.15 اور جدول 2.1 میں 803048 میں میٹر موثی کی شرموثی کی ہے۔

قالبی پتریاں عموماً دو اشکال کی ہوتی ہیں۔ یہ شکل 3.4-الف میں دکھایا گیا ہے۔ ان کی شکل کی وجہ سے یہ ایکھ شکل اور تیمین کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ ان شکل اور تیمین کی پتریاں کہلاتے ہیں۔ شکل 3.4-ب میں ایک اور تیمین کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ ان دو طریقوں سے انہیں تہہ در تہہ رکھا جاتا ہے۔ المذا اگر پہلی تہہ میں ایک دائیں جانب اور تیمن بائیں جانب رکھا جائے تا۔ تیسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تیمن کو دائیں جانب رکھا جائے گا۔ تیسری تہہ میں کھر ایک کو دائیں اور تیمن کو بائیں جانب رکھا جائے گا۔ اس طرح انہیں جوڑ کر شکل کے حصہ و میں دکھایا گیا قالب حاصل کیا جاتا ہے۔

eddy currents³⁴

eddy current loss³⁵ core loss³⁶

laminations³⁷

enamel³⁸

 $[\]mathrm{E},\mathrm{I}^{39}$

میجان انگیز برقی رو بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مر میں یکسال ہوتا ہے۔جیسا کہ پہلے بھی ذکر کیا گیا ہے، قوی ٹرانسفار مر اور موٹرول میں برقی دباو اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں جبکہ بیجان انگیز برقی رو ان میں غیر سائن نما ہوتی ہے للذا اگر

(3.4)
$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / 90^\circ$$

ہو تو

(3.5)
$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t} = \omega N_1 \phi_0 \cos \omega t$$
$$\hat{E_1} = \omega N_1 \phi_0 / 0$$

ہو 40 گی۔ یہاں ϕ_0 مقناطیسی بہاو کے حیطہ کو ظاہر کرتی ہے،اور ω زاویائی تعداد ارتعاش کو یعنی $2\pi f$ جہاں f تعداد ارتعاش ہے جسے ہرٹز f میں ناپا جاتا ہے۔ \hat{E}_1 اور $\hat{\varphi}$ کے مابین °90 کا زاویہ ہے۔ یہ شکل 3.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ارتعاش ہے جسے ہرٹر قیت E_{rms} برقی دباو کی موثر قیت E_{rms}

(3.6)
$$E_{rms} = \frac{\omega N_1 \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N_1 \phi_0$$

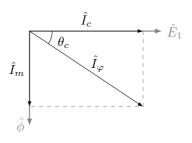
ہے۔اس کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں

(3.7)
$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44 f N_1 \phi_0}$$

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر ثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک کچھے پر E_{rms} موثر برقی دباو لاگو کی جائے تو یہ کچھا اتنی بیجان انگیز برقی رو i_{φ} گزرنے دیتی ہے جس سے نمودار ہونے والا مقناطیسی بہاو مساوات 3.7 میں دیئے گئے مقناطیسی بہاو ϕ_0 کے برابر ہو۔ یہ بات نہ صرف ٹرانسفار مر بلکہ کسی بھی مقناطیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔ ϕ_0

نیر سائن نما بیجان انگیز برتی رو
$$_{\varphi}$$
 کو فوریئر شلسل 41 سے یوں لکھ سکتے ہیں۔
$$i_{\varphi} = \sum_{n} \left(a_{n} \cos n\omega t + b_{n} \sin \omega t \right)$$
(3.8)

گاہ سماوات میں اوراس کے بعد پوری کتاب میں امالی برتی دباوے ساتھ منفی کی علامت نہیں لگائی جائے گ 40 Fourier series 41



شکل 3.5: مختلف مرحلی سمتیوں کے زاویے۔

اس میں $(a_1 \cos \omega t + b_1 \sin \omega t)$ کو بنیادی جرو⁴² کہتے ہیں اور باقی حصہ کو موسیقائی جرو⁴³ کہتے ہیں۔ بنیادی جزو میں آنے والے امالی برقی دباو $a_1 \cos \omega t$ مساوات $a_1 \cos \omega t$ میں دی گئی ہے کے میں مقناطیسی بہاو سے وجود میں آنے والے امالی برقی دباو $a_1 \cos \omega t$ نوے درجہ زاویہ $a_1 \cos \omega t$ نوجہ نواویہ کہ تھنا ہے۔ تعزیر ہوتا ہے۔ قالب میں مختلف وجوہات سے برقی طاقت کی ضائع کو $a_1 \cos \omega t$ ظاہر کرتی ہے۔ اس لئے اس جرد کو جردوقالبی منیاع $a_1 \cos \omega t$ کہتے ہیں۔ بیجان انگیز برقی رو $a_1 \cos \omega t$ منگی کی جائے تو بقایا کو مقناطیس بنانے والا برقی رو یا مقناطیسی برقی ہورو⁴⁴ کہتے ہیں۔ اس کی تیسر کی موسیقائی جردو سب سے زیادہ اہم ہے۔ قوی ٹرانسفار مروں میں یہ تیسر کی موسیقائی جردو سب سے زیادہ اہم ہے۔ قوی ٹرانسفار مروں میں یہ تیسر کی موسیقائی جردو میں ہوتی ہے۔

سوائے وہاں، جہاں بیجان انگیز برقی رو کے اثرات پر غور کیا جا رہا ہو، ہم بیجان انگیز برقی رو کے غیر سائن نما ہونے کو نظرانداز کرتے ہیں۔ قوی ٹرانسفار مرکی بیجان انگیز برقی رو اس کی کل برقی رو 46 کے صرف 5 فی صد کے قریب ہوتی ہے۔ لہٰذا اس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔ لہٰذا ہم بیجان انگیز برقی رو کو سائن نما تصور کر کے اس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ اس فرضی سائن نما بیجان انگیز برقی رو 47 کی موثر قیمت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ θ_c ایوں کی موثر قیمت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ θ_c ایوں رکھا جاتا ہے کہ اس سے حاصل برقی ضیاع اصل برتی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل θ_c کی مدد سے یہ بات سمجھنی زیادہ آسان ہے۔ شکل میں اگر دیکھا جائے تو

 $(3.9) p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$

fundamental component⁴²

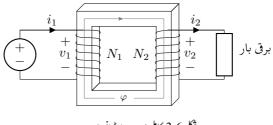
harmonic components⁴³

core loss component⁴⁴

magnetizing current⁴⁵

⁴⁶کل بر قی روسے مرادوہ بر قی روہے جو کل بر قی بوچھ لادنے سے حاصل ہو 47کونہ اور قب میں مطابقہ میں کئی ہو

ایک برلتی برقی رو i_{arphi} کواب مرحلی سمتیه کی مدد سے \hat{i}_{arphi} کھتے ہیں \hat{i}_{arphi}



شكل 3.6: كامل بوجھ بردارٹرانسفار مر۔

 \hat{I}_{arphi} جہاں p_c قالبی ضیاع ہے۔ لہذا اگر \hat{I}_{arphi} اور \hat{E}_1 ما بین $heta_c$ کا زاویہ ہو تو اس سے قالبی ضیاع ہے۔ لہذا اگر وہتا ہے۔ اس اور دور ہے گئے ما میں زاویہ سے \hat{E}_1 کے پیچیے رہتا ہے۔

3.5 تبادله برقی د باواور تبادله برقی روکے خصوصیات

ہم شکل 3.6 کی مدد سے ٹرانسفار مرکا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ ابتدائی جانب کچھے کے N_1 اور ثانوی جانب کچھے کے N_2 چانوں جانب کچھے کے N_2 چانوں جانب کچھے کے N_2 چانوں جانب کھے کے N_2 چانوں اور بہ کہ ان دونوں کچھوں سے گزرتا ہے۔ قالب میں برقی توانائی ضائع نہیں ہوتی اور اس کی مقناطیسی مستقل اتنی زیادہ ہے کہ ہجان انگیز برقی رو قابل نظر انداز ہے۔ برقی رو i_1 اور i_2 کی سمتیں یوں رکھی گئ ہیں کہ ان سے وجود میں آنے والے مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کی اُلٹ سمتوں میں ہیں۔ اصل ٹرانسفار مر ان باتوں پر تقریباً پورے اترتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفار مر کو کامل ٹرانسفار مر 48 کہتے ہیں۔

جب اس کامل ٹرانسفار مرکے ابتدائی کچھے پر بدلتی برقی دباو v_1 لاگو کیا جائے تو اس کے قالب میں بدلتا مقناطیسی بہاو φ_m وجود میں آئے گا جو ابتدائی کچھے میں لاگو برقی دباو v_1 کے برابر امالی برقی دباو e_1 کو جنم دے گا۔ لہذا

$$(3.10) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

یہ مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرے گا اور اس میں e_2 امالی برقی دباو کو جنم دے گا جو ثانوی جانب کے سرول پر برقی دباو v_2 کی صورت میں حاصل ہو گا۔ یعنی

$$(3.11) v_2 = e_2 = N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ideal transformer⁴⁸

ان دونول کی نسبت سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}}{N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

للذا ایک کامل ٹرانسفار مر دونوں لچھوں کے چکروں کی نسبت سے تبادلہ برقی دباو⁴⁹ کرتا ہے۔

چونکہ یہ ایک کامل ٹرانسفار مر ہے للمذا اسے جتنی برقی طاقت ابتدائی جانب دی جائے اتنی ہی برقی طاقت اس سے ثانوی جانب حاصل ہو گی، یعنی

$$(3.13) p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

یا

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

مساوات 3.12 کی مدد سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

یہ ایک انتہائی اہم متیجہ ہے جو ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباو اور تبادلہ برقی رو⁵⁰ کی خصوصیات بیان کرتا ہے۔اسے عموماً دو حصوں میں یوں لکھا جاتا ہے۔

(3.16)
$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

اس مساوات کی پہلی جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مر کی دونوں جانب برقی دباو ان کے چکروں کی راست متناسب ہو گا جبکہ مساوات کی دوسری جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مر کے دونوں جانب برقی رو ان کے چکروں کے بالعکس متناسب ہو گا۔

voltage transformation 49 current transformation 50

مثال 3.2: شکل 3.6 میں اگر

$$\hat{V}_1 = 220\underline{/0}$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$
 $Z = R = 10 \Omega$

ہوں تو ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو اور برقی رو معلوم کریں۔

حل: ابتدائی جانب برقی دباو دیا گیا ہے یعنی 220 وولٹ جبکہ ثانوی جانب برقی دباو مساوات 3.16 کی پہلی جزو کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے یعنی

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220 / 0 = 22 / 0$$

ثانوی جانب 22 وولٹ ہیں جو ابتدائی جانب برقی دباو کے ہم قدم ہے۔ ثانوی جانب یہ برقی دباو 10 اوہم کی مزاحمت میں برقی رو پیدا کرے گا جے اوہم کے قانون سے حاصل کیا جاتا ہے یعنی

$$\hat{I}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

ثانوی جانب 2.2 ایمپیئر برقی رو ہے۔ ابتدائی جانب کی برقی رو مساوات 3.16 کی دوسری جزو کی مدد سے حاصل کی جاتی ہے لین

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اس مثال کے نتائج ایک جگہ لکھ کر ان پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0, \quad \hat{V}_2 = 22/0, \quad \hat{I}_1 = 0.22/0, \quad \hat{I}_2 = 2.2/0$$

ہم دیکھتے ہیں ابتدائی جانب برقی دباو ثانوی جانب کی برقی دباو کے دس گنا ہے جبکہ برقی رو میں قصہ اُلٹ ہے۔ ثانوی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو کے دس گنا ہے۔ طاقت دونوں جانب برابر ہے۔ یہ نہایت اہم ہے کہ آپ اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں کہ جس جانب برقی دباو زیادہ ہوتا ہے اس جانب برقی رو کم ہوتی ہے۔ للذا زیادہ برقی دباو کی جانب کچھے کے چکر زیادہ ہوں گے اور اس کچھے میں نسبتاً باریک برقی تار استعال ہو گی جبکہ کم برقی دباو کا لچھا کم چکر کا ہو گا اور اس میں نسبتاً موٹی برقی تار استعال ہو گی۔

مثال 3.3: صفحہ 71 پر دکھائے گئے شکل 3.7-الف سے رجوع کریں۔ اس شکل میں رکاوٹ Z_2 کو بدلتی برقی دباو \hat{V}_1 کے ساتھ ایک ٹرانسفار مر کے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔ اگر

 $\hat{V}_1 = 110$ /0, $Z_2 = R + jX = 3 + j2$, $N_1: N_2 = 220: 22$

ہوں تو رکاوٹ میں برقی رو اور طاقت کا ضیاع معلوم کریں۔

حل: ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباوکی خصوصیت سے اس کے ابتدائی جانب 110 وولٹ برقی دباو ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب تبدیل ہو کر \hat{V}_{s} ہو جائیں گے جہاں

$$\hat{V_s} = \frac{N_2}{N_1} \hat{V_1} = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

ہے للذا

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11/0}{3+j2} = 3.05/-33.69^{\circ}$$

 p_z اور برقی طاقت کا ضیاع

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$

3.6 ثانوى جانب بوجھ كاابتدائى جانب اثر

یہاں صفحہ 65 پر دکھائے گئے شکل 3.6 سے رجوع کریں۔ہم حصہ 3.3 میں دیکھ بچے ہیں کہ اگر ایک بے بوجھ ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھے پر بدلتی برقی دواو v_1 لاگو کی جائے تو اس کچھے میں بیجان انگیز برقی رو v_2 گزرے گی۔اس

 $arphi_m$ برقی رو کی مقناطیسی دباو $N_1 i_{arphi}$ قالب میں مقناطیسی بہاو $arphi_m$ کو جنم دے گی ۔اگر کیجھے کی مزاحمت صفر ہو تو $N_1 i_{arphi}$ ابتدائی کیجھے میں e_1 امالی برقی دباو پیدا کرے گی جہاں

$$(3.17) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ہو گی۔

اب ہم ثانوی جانب برقی ہوجھ لادتے ہیں۔ ایسا کرنے سے ہوجھ بردار ٹرانسفار مر 52 کے ثانوی جانب برقی رو i_2 رواں ہو گی جس کی وجہ سے N_2i_2 مقناطیسی دباو وجود میں آئے گی۔ اس مقناطیسی دباو کی وجہ سے قالب میں مقناطیسی بہاو ہوجہ پیدا ہو گا۔ اگر اس مقناطیسی بہاو کا کچھ نہ کیا جائے تو قالب میں پہلے سے موجود مقناطیسی بہاو تبدیل ہو کر ہوجہ $\varphi_m - \varphi_m = \varphi_0$ ہو جائے گا اور یوں ابتدائی لچھے میں امالی دباو تبدیل ہو کر ہو جو گا ہو جائے گا در یوں ابتدائی لچھے میں امالی دباو تبدیل ہو کر ہوجود گی میں ناممکن ابتدائی جانب پر اب امالی دباو اور اس پر لاگو برقی دباو برابر نہیں ہونے جو کہ مساوات 3.17 کی موجود گی میں ناممکن ہے۔ لہذا اس مقناطیسی بہاو ہوجہ کے اثر کو ختم کرنے کیلئے ابتدائی لچھے میں برقی رو i_1 نمودار ہو گی جو اس مقناطیسی دباو یعنی N_2i_2 کے اثر کو ختم کر دے گی یعنی

$$(3.18) N_1 i_1 = N_2 i_2$$

یہ وہ ذریعہ ہے جس سے ابتدائی جانب معلوم ہوتا ہے کہ ثانوی جانب پر بوچھ لدا ہے۔ شکل میں دونوں کچھوں میں برقی رو کی سمتیں بوں ہیں کہ ان کے مقناطیسی بہاو آپس میں اُلٹ سمت میں ہیں لہذا قالب میں اب پھر مقناطیسی بہاو ہو ہو ہے کہ برابر ہے جبیبا کہ ہونا چاہئے تھا۔ اس مساوات کو بوں لکھ سکتے ہیں

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

یہ وہی مساوات ہے جو کامل ٹرانسفار مر کے لئے ثابت کی گئی تھی۔

3.7 ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کامطلب

شکل 3.6 میں ٹرانسفار مرکے لیجھوں پر نکتے لگائے گئے ہیں۔ یہ نکتے اس بات کو ظاہر کرتے ہیں کہ اگر ایک طرف v_2 کیے پر برقی دباو v_1 یوں ہو کہ نکتے والا سرا مثبت اور بغیر نکتے والا سرا منفی ہو تو دوسرے لیجھے پر برقی دباو v_1 اس طرح ہو گاکہ اس کیجھے کا بھی نکتے والا سرا منبی میٹے والا سرا منفی ہو گا۔

ویباں φ_m کہا گیاہے۔ loaded transformer 52

مزید ہے کہ ابتدائی جانب برقی روٹرانسفار مر کے نکتے والے سرے سے ٹرانسفار مرکی اندر جانب ہو گا جبکہ ثانوی جانب برقی رو نقطہ والے سرے سے ٹرانسفار مرسے باہر نکلے گا۔

یوں v_1 اور v_2 وقت کے ساتھ کیسال تبدیل ہوتے ہیں اور ان کے مابین صفر زاویہ ہے۔ للذا یہ دو برقی دباو ہم قدم v_2 ہیں۔

3.8 ركاوك كاتبادله

اس حصہ میں کامل ٹرانسفار مر میں رکاوٹ کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ شکل 3.7-الف میں ایک ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس کی ابتدائی جانب سائن نما برتی دباو $\hat{V}_1 = V_1/\theta$ لا گو کیا گیا ہے۔ یہاں مرحلی سمتیہ استعمال کئے جائیں گے۔ گیا ہے۔

جیسے اُوپر ذِکر ہوا، برقی دباو \hat{V}_1 اور \hat{V}_2 آپس میں ہم قدم ہیں اور اسی طرح برقی رو \hat{I}_1 اور \hat{I}_2 آپس میں ہم قدم ہیں۔ مساوات 3.12 اور مساوات 3.12 کو مرحلی سمتیہ کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں

$$\hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{V_2}$$

$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)\hat{I_2}$$

چونکه رکاوٹ

(3.21)
$$Z_2 = \frac{\hat{V}_2}{\hat{I}_2} = |Z_2| / \theta_z$$

کے برابر ہے للذا

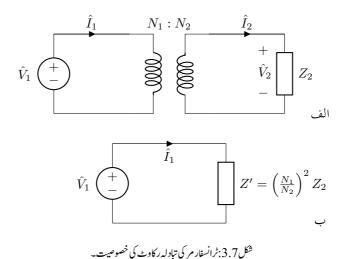
(3.22)
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

۔ اب اگر ہم ٹرانسفار مر بمع اس پر لدے رکاوٹ کی جگہ برقی وباو \hat{V}_1 کو رکاوٹ Z_1 پر لاگو کریں جہاں اس رکاوٹ کی قیمت قیمت

$$(3.23) Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

 $in-phase^{53}$

3.8. ر کاوٹ کاتب دلہ



ہو تو \hat{V}_1 سے حاصل برتی رو یا اس سے حاصل برتی طاقت تبدیل نہیں ہو گی۔ یہ شکل 7.5-ب میں دکھایا گیا ہے جہاں سے واضح ہے کہ

(3.24)
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

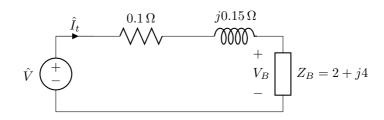
لہذا شکل کے الف اور ب دونوں حصوں سے برقی دباو \hat{V}_1 کی برقی رو مساوات 3.22 اور مساوات 3.24 سے یکساں مامسل ہوتی ہے یعنی

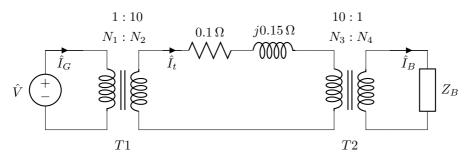
(3.25)
$$\hat{I}_1 = \frac{\hat{V}_1}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2}$$

اور یوں الف اور با دونوں حصوں میں برتی دباو \hat{V}_1 سے حاصل برتی طاقت برابر ہے لیعنی

(3.26)
$$p = \hat{V}_1 \cdot \hat{I}_1 = \frac{V_1^2 \cos \theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 |Z_2|}$$

یوں اگر ٹرانسفار مر کے ثانوی جانب رکاوٹ Z_2 کا بوجھ ہو تو حساب کرتے وقت ہم یہ اخذ کر سکتے ہیں کہ ٹرانسفار مر بمع رکاوٹ کی جانب رکاوٹ کی ہے، جہال Z_1 مساوات Z_2 کی جگہ صرف Z_1 رکاوٹ کا یوں بمع رکاوٹ کا یوں





شكل 3.8: برقى طاقت كى منتقلي ـ

ٹرانسفار مرکی ایک جانب سے دوسری جانب تبادلہ کیا جاسکتا ہے۔ٹرانسفار مرکی اس خاصیت کو تبادلہ ر**کاو**ہے ⁵⁴ کی خصوصیت کہتے ہیں۔

مثال 3.4: شکل 3.8-الف میں رکاوٹ Z_B کا برقی بوجھ ایک جنریٹر پر لدا ہے۔بوجھ تک برقی طاقت دو برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کیا گیا ہے۔ان تاروں کی مجموعہ رکاوٹ Z_t ہے۔

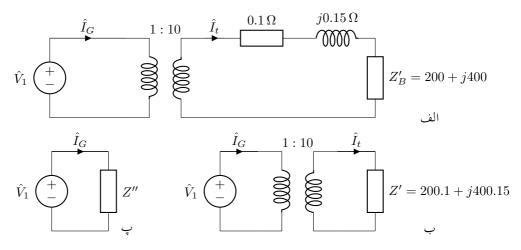
شکل-ب میں جزیٹر کے قریب نسب برقی دباہ بڑھانے والا ٹرانسفار مر برقی دباہ کو دس گنا بڑھاتا ہے اور برقی بوجھ کے قریب نسب برقی دباہ گھٹانے والا ٹرانسفار مر برقی دباہ کو دس گنا گھٹاتا ہے۔اس حصہ میں وہی برقی تار استعال کئے گئے ہیں لہٰذا ان کی بھی مجموعہ رکاوٹ Z ہی ہے۔ اگر

$$Z_B = 2 + j4$$
, $Z_t = 0.1 + j0.15$, $\hat{V} = 415/0$

ہوں تو دونوں صورتوں میں

impedance transformation⁵⁴

3.8. ر کاوٹ کاتبادلہ



شكل3.9: ٹرانسفار مرقدم باقدم حل كرنے كاطريقه۔

- برقی بوچھ پر برقی دباو معلوم کریں،
- برقی تاروں میں برقی طاقت کی ضیاع معلوم کرین۔

حل الف:

$$\hat{I_G} = \hat{I_t} = \hat{I_B} = \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415/0}{0.1 + j0.15 + 2 + j4}$$
$$= \frac{415/0}{2.1 + j4.15} = 89.23/-63.159^{\circ}$$
$$= 40.3 - j79.6$$

يوں رکاوٹ پر برقی د باو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$

= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تاروں میں برقی طاقت کا ضیاع ہے

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

حل ب: شکل 3.8 اور شکل 3.9 سے رجوع کریں۔شکل 3.8 میں ٹرانسفار مر T_2 کے ثانوی جانب رکاوٹ کا مساوات 3.23 کی مدد سے اس کی ابتدائی جانب تبادلہ سے ملتا ہے

$$Z'_B = Z_1 = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل 3.9-الف حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں اب برقی تار کی رکاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار جُڑے ہیں۔ان کے مجموعہ کو 'Z کہتے ہوئے

$$Z' = Z_t + Z_B' = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

يه شكل 3.9-ب مين وكھايا گيا ہے۔ايك مرتبه دوباره مساوات 3.23 استعال كرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

شكل 3.9-ب مين وكهايا گيا ہے-اب

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + j4.0015} = 92.76/-63.432^{\circ}$$

یہاں سے شکل 3.9-ب کی مدد سے اگر جزیٹر کی برقی رو معلوم ہو تو تبادلہ برقی رو سے

$$\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I}_G = \left(\frac{1}{10}\right)92.76/-63.432^\circ = 9.276/-63.432^\circ$$

اس سے برقی تار میں طاقت کا ضیاع

$$p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$$

اسی طرح شکل 3.8 میں اگر \hat{I}_t معلوم ہو تو تبادلہ برقی روسے

$$\hat{I}_B = \left(\frac{N_3}{N_4}\right) \hat{I}_t = \left(\frac{10}{1}\right) 9.276 / -63.432^{\circ}$$

$$= 92.76 / -63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9$$

اور رکاوٹ پر برقی د باو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

ہو گی۔

ٹرانسفار مر کے بغیر برقی طاقت کی منتقلی میں برقی تاروں میں طاقت کی ضیاع 796 واٹ ہے جبکہ ٹرانسفار مر کے استعال سے یہ صرف 8.6 واٹ ہے لیعنی 92 گنا کم۔ یہی ٹرانسفار مر کی نہایت متبولیت کی وجہ ہے۔

3.9 ٹرانسفار مرکے وولٹ-ایمپیئر

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو ان کچھوں کے چکر پر مخصر ہوتا ہے۔ٹرانسفار مر ایک خاص برقی دباو اور برقی رو کے لئے بنائے جاتے ہیں۔ٹرانسفار مرجس برقی دباو پر بھی کے لئے بنائے جائیں ہیہ اس سے کم برقی دباو پر بھی استعال کئے جاسکتے ہیں۔اسی طرح ٹرانسفار مرجتنی برقی رو استعال کئے جاتے ہیں۔اسی طرح ٹرانسفار مرجتنی برقی رو پر استعال کیا جا سکتا ہے۔ حقیقت میں عموماً ٹرانسفار مرسے حاصل برقی رو اس حدسے کم بی رکھی جاتی ہے۔

ٹرانسفار مرکی ایک جانب کی برقی د باو اور برقی رو کا حاصل ضرب اس کی دوسری جانب کی برقی د باو اور برقی رو کے حاصل ضرب کے برابر ہوتا ہے یعنی

$$(3.27) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

برقی دباہ اور برقی رو کے حاصلِ ضرب لینی V_1I_1 یا V_2I_2 کو ٹرانسفار مرکی وولٹ ضربِ ایمپیئر کہتے ہیں جے عموماً چھوٹا کر کے صرف وولٹے۔ایمپیئر 55 کہا جاتا ہے 56 یہ ٹرانسفار مرکی برقی سکت کی ناپ ہے جو اس پر لگی شختی پر لکھا جاتا ہے۔اس شختی پر ٹرانسفار مرکے برقی دباہ اور برقی تعداد ارتعاش بھی لکھے جاتے ہیں۔یوں ٹرانسفار مرکے وولٹ۔ایمپیئر

$$(3.28) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

ہوں گے۔

volt-ampere, VA⁵⁵ 56 وولٹ-ایمپیئر کو عموماً گلو وولٹ-ایمپیئر یعنی kV Aمیں بیان کیاجاتا ہے

ا گرچہ یہاں ذکر ٹرانسفار مر کا ہو رہا ہے دراصل برقی مشین یعنی موٹر اور جزیٹر کی تختیوں پر بھی ان کے چالو حالت کے برقی دباو، ان کے وولٹ-ایمپیئر اور برقی تعداد ارتعاش ککھے جاتے ہیں۔اس کی وجہ یہ ہے کہ ان سب مثین کی کار کردگی کے بنیادی اصول ایک ہی طرح کے ہیں۔

مثال 3.5: ایک 25000 وولٹ-ایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برتی سکت کے ٹرانسفار مر کے زیادہ برقی دباوکی جانب 11000 وولٹ لاگو ہیں۔

- اس کی ثانوی جانب زیادہ سے زیادہ کتنی برقی بوجھ ڈالی جا سکتی ہے۔
- اس زیادہ سے زیادہ برقی بوجھ پر اس کے ابتدائی کچھے میں برقی رو حاصل کریں۔

حل: اس ٹرانسفار مر کی معلومات یہ ہیں

 $25\,\mathrm{kV}\,\mathrm{A}, \quad 11000:220\,\mathrm{V}$

اس کی ثانوی جانب برقی دباو تبادلہ برقی دباو کی مساوات سے 220 وولٹ حاصل ہوتا ہے۔یوں اس کی ثانوی جانب یعنی تم برقی دباو کی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو مساوات 3.28 سے حاصل کیا جاتا ہے۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اس طرح اس کی ابتدائی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رواسی مساوات سے یوں حاصل ہوتی ہے

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب کچھوں میں استعال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی جاتی ہے کہ ان میں کثافت ِ برقی رو کڑرنے سے برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے یہ گرم ہوتے ۔

جاتی ہے $4/\mathrm{mm}^2$ کا جاتی ہے $4/\mathrm{mm}^2$ کا جاتی ہے ہوں میں کثافت برقی رو تقریباً $4/\mathrm{mm}^2$ کا جاتی ہے

ہیں۔ٹرانسفار مرکی برقی روکی حد کیچھوں کی گرمائش پر منحصر ہوتی ہے۔ان کی زیادہ سے زیادہ حرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا جاتا ہے۔

ٹرانسفار مرجس برقی دباو کے لئے بنایا جائے یہ اس پر لگی شختی پر لکھا جاتا ہے۔اس سے حاصل برقی رو کی حد کو ایک مختلف طریقے سے لکھا جاتا ہے۔

3.10 ٹرانسفار مرکے امالہ اوراس کے مساوی دور

3.10.1 کیھے کی مزاحمت اوراس کی متعاملہ علیحدہ کرنا

ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھے کی مزاحمت R_1 کو ہم نے حصہ 3.3 مساوات 3.2 میں دیکھا۔ کچھے کی مزاحمت کو کچھے سے باہر کچھے کے ساتھ سلسلہ وار جڑا دکھایا گیا تھا۔ دیکھتے ہیں یہ کیسے ممکن ہوتا ہے۔

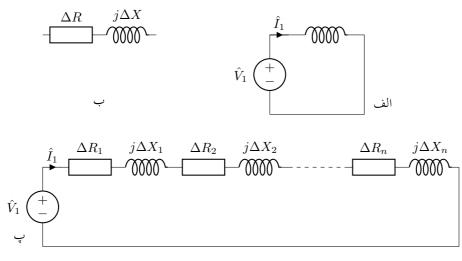
شکل 3.10-الف میں ایک لچھے پر بدلتی برقی دباو لا گو کا گیا ہے۔اگر لچھے کی برقی تارکو نہایت چھوٹے ککروں میں تقسیم کیا جائے تو اس کے ہر ککڑے کی نہایت کم مزاحمت اور متعاملہ ہو گی۔اییا ایک ککڑا شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ لچھا ان سب ککڑوں کے سلسلہ وار جڑنے سے بنا ہے للذا شکل-الف کو ہم شکل-پ کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں کچھے کے n ککڑے کیے ہیں۔

اس دور کی مساوات لکھ کر حل کرتے ہیں۔

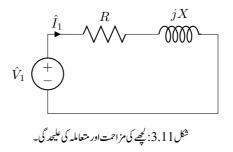
$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left(\Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left(\Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left(j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left(R + j X \right)$$



شكل3.10 كچھے كى مزاحمت اور متعاملہ۔



جہاں

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$

$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

اس سے شکل 3.11 حاصل ہوتا ہے جس سے ثابت ہوتا ہے کہ حساب کتاب کی غرض سے کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ علیحدہ کیے جاسکتے ہیں۔

3.10.2 رستااماله

اوپر ایک کامل ٹرانسفار مر زیر بحث رہا۔ اب ہم ٹرانسفار مر میں ان عناصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وجہ سے ٹرانسفار مر غیر کامل ہو جاتا ہے۔ بہت سی جگہوں پر ٹرانسفار مر استعال کرتے وقت ان عناصر کو مدِ نظر رکھ کر ہی اس کا صحیح استعال ممکن ہوتا ہے۔ ان عناصر کے اثر کو شامل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مرکا مساوی دور بناتے ہیں۔

ابتدائی کچھے کے مقناطیسی بہاو کو دو حصول میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو قالب سے گزر کر ابتدائی اور ثانوی کچھے کے مقناطیسی بہاو ہے اور دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی کچھے سے اور ثانوی کچھ دونوں سے گزرتا ہے۔ یہ ان کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو 58 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا گزرتا ہے اور زیادہ تر قالب کے باہر خلاء میں ہی رہتا ہے۔ اس کو رستا مقناطیسی بہاو 58 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ ہوا میں مقناطیسی مستقل μ_0 مقررہ ہے لہذا یہاں بچکچاہٹ بھی مقررہ ہے۔ یوں رستا مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے کی برتی رو کے براہ راست متناسب ہوتی ہے۔

اس کے اثر کو بالکل کچھے کی مزاحمت کی طرح کچھے سے باہر رستا امالہ 59 L_1 یا رستا متعاملہ $X_1=2\pi f L_1$ کیا جاتا ہے۔ ظاہر کیا جاتا ہے۔

ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے میں برقی رو \hat{I}_1 گزرنے سے رستا متعاملہ میں $\hat{V}_{X1}=j\hat{I}_1X_1$ برقی دباو اور کچھے کے تار کی مزاحمت $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$ میں $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$ برقی دباو گھٹتا ہے۔

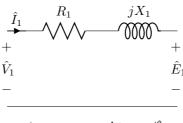
یوں ابتدائی کچھے پر لاگو برتی دباو \hat{V}_1 میں سے کچھ برتی دباو R_1 میں کم ہو گا، کچھ متعاملہ X_1 میں کم ہو گا اور بقایا \hat{E}_1 بقایا \hat{E}_1 بقایا \hat{E}_2 برابر ہو گا۔ یہ شکل \hat{V}_1 میں دکھایا گیا ہے۔

3.10.3 ثانوى برقى رواور قالب كے اثرات

قالب میں دونوں کچھوں کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو ان کے مجموعی مقناطیسی دباوکی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ البتہ اگر ہم کچھ یوں سوچیں تو یہ زیادہ بہتر ہو گا۔ ہم کہتے ہیں کہ ابتدائی برتی روکو دو شرائط پوری کرنی ہو نگی۔ پہلی یہ کہ اسے قالب میں ہیجانی مقناطیسی بہاو وجود میں لانا ہوگا اور دوسری ہے کہ اسے ثانوی کچھے کے پیدا کردہ مقناطیسی بہاوکو

leakage magnetic $flux^{58}$ leakage inductance⁵⁹

leakage reactance 60



شكل3.12:ٹرانسفارم مساوى دور، حصه اول۔

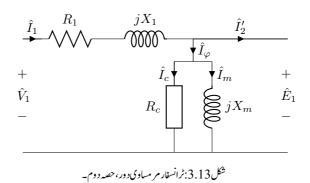
ختم کرنا ہو گا۔ للذا ابتدائی برقی رو کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصہ i_{φ} جو ہیجانی مقناطیسی بہاو پیدا کرے اور دوسرا \hat{I}_2' جو ثانوی کیجھے کے مقناطیسی دباو کے اثر کو ختم کرے۔ للذا

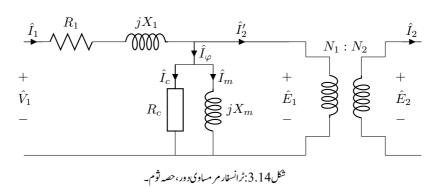
$$\hat{I}_2' = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2$$

اس باب کے حصہ 3.6 میں اس پر تفصیل سے غور کیا گیا ہے۔ برقی رو i_{φ} غیر سائن نما ہوتی ہے لیکن پھر بھی ہم اس بائن نما \hat{I}_{φ} ہی تصور کرتے ہیں۔ اس کو ہم دو حصول میں تقسیم کر سکتے ہیں یعنی

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

جہاں \hat{I}_c اس کا وہ حصہ ہے جو ابتدائی کچھے کی امالی برتی دباو \hat{E}_1 کے ہم قدم ہے اور یہ قالب میں برتی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے جبکہ ساآ اس کا وہ حصہ ہے جو \hat{E}_1 سے نوے درجہ زاویہ پیٹھے \hat{E}_2 ہے اور کچھے میں مقناطیسی بہاو کو جنم دیتا ہے۔ برتی رو کے ان حصول کو ہم ایک مزاحت R_c اور ایک X_m اور ایک X_m سے پیش کرتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ برتی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ اس میں برتی طاقت کا ضیاع اصل قالبی ضیاع کے برابر ہو لیخی دکھایا گیا ہے۔ \hat{E}_1 ہو۔ان دونوں، لیخی مقدار اصل برتی دباو اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔ یہ شکل \hat{E}_1 مقدار اصل برتی دباو اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔ یہ شکل \hat{E}_1 مقدار اصل برتی دباو اور تعدد پر حاصل کے جاتے ہیں۔ یہ شکل \hat{E}_2 میں دکھایا گیا ہے۔ \hat{E}_3



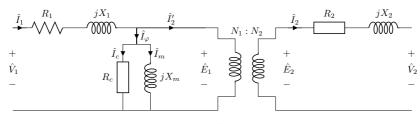


3.10.4 ثانوى لچھے كى امالى برقى دباو

قالب میں مشتر کہ مقناطیسی بہاو ثانوی کچھے میں امالی برقی دباو \hat{E}_2 پیدا کرے گی اور چونکہ یہی مقناطیسی بہاو ابتدائی کھھے میں ا \hat{E}_1 امالی پیدا کرتی ہے لہذا

$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

مساوات 3.30 اور مساوات 3.31 کو ایک کامل ٹرانسفار مرسے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ یہ شکل 3.14 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 3.15: ٹرانسفار مر کا مکمل مساوی دوریاریاضی نمونه۔

3.10.5 ثانوی کیھے کی مزاحمت اور متعاملہ کے اثرات

 R_2 ثانوی کچھے کے سروں پر البتہ \hat{E}_2 برتی دباو نہیں ہو گا چونکہ ثانوی کچھے کے ، بالکل ابتدائی کچھے کی طرح، مزاحمت واور متعاملہ j_{X_2} ہوں گے جن میں ثانوی برتی رو \hat{I}_2 کی وجہ سے برتی دباو گھٹے گا۔ للذا ثانوی کچھے کے سروں پر برتی دباو \hat{V}_2 قدرِ کم ہو گا۔ یعنی

$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$

یوں حاصل ٹرانسفار مر کا مکمل مساوی دور یا ریاضی نمونہ ^{63 شکل} 3.15 میں دکھایا گیا ہے۔

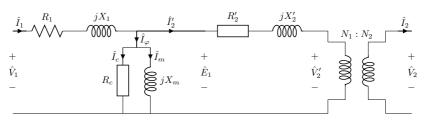
3.10.6 ركاوك كاابتدائي ياثانوى جانب تبادله

شکل 3.15 میں دکھائے دور کے سب جزو کا تبادلہ ایک جانب سے دوسری جانب کیا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے سے کامل ٹرانسفار مر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں جانب لے جایا جا سکتا ہے۔شکل 3.16 میں ثانوی جانب کی رکاوٹ کا ابتدائی جانب تبادلہ کیا گیا ہے۔اس کا ابتدائی جانب تبادلہ کیا گیا ہے۔اس طرح حاصل مساوی دور میں عموماً کامل ٹرانسفار مر بنایا ہی نہیں جاتا۔یہی شکل 3.17 میں کیا گیا ہے۔

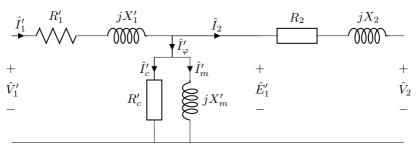
تبادلہ شدہ رکاوٹ Z کو Z' سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں R_2 کے ٹرانسفار مرکی دوسری جانب تبادلہ کے بعد اسے R'_2 سے ظاہر کیا گیا ہے۔

الیا دور استعال کرتے وقت یہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ ٹرانسفار مر کے کس جانب دور حل کیا جا رہا ہے۔

 $^{{\}rm mathematical\ model}^{63}$



شكل3.16 : ثانوى جانب ركاوث كاابتدائي جانب تبادله كيا گياہے۔



شكل3.17: ابتدائي جانب ركاوث كاثانوي جانب تبادله كيا گيا ہے۔

مثال 3.6: ایک 50 کلو وولٹ-ایمپیئر اور 220: 220 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مرکی زیادہ برقی وباو کی جانب کی رستار کاوٹ $Z_1=0.0089+2.008$

حل حصه اول: معلومات:

 $50\,\mathrm{kV}\,\mathrm{A},\quad 50\,\mathrm{Hz},\quad 2200:220\,\mathrm{V}$

ٹرانسفار مر کے دونوں جانب کی برقی دباو کچھوں کے چکروں کی نسبت سے ہوتے ہیں لہذا

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$$

یوں اگر ٹرانسفار مرکی رکاوٹ کا زیادہ برقی دباو کی جانب تبادلہ کیا جائے تو

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

جبکہ اس کی بقایار کاوٹ وہی رہیں گے۔ یوں شکل 3.16 کے جزو حاصل ہوئے۔

حل حصه دوم: اگر مساوی دور کی رکاوٹ کا کم برقی دباو کی جانب تبادله کیا جائے تب

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

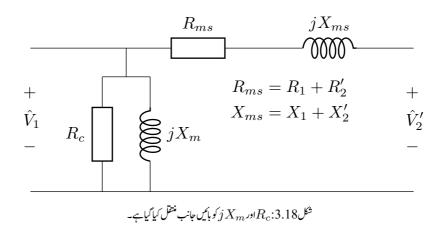
اسی طرح

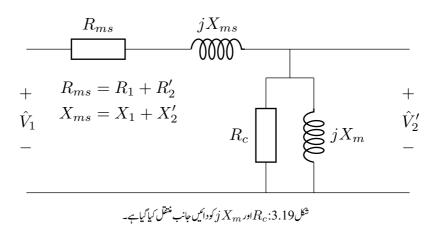
$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) R_c = 0.064$$
$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) X_m = 0.47$$

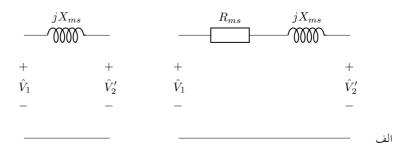
جبکہ Z_2 وہی رہے گا۔

3.10.7 ٹرانسفار مرکے سادہ ترین مساوی دور

ایک انجنیئر کو جب ایک ٹرانسفار مر استعال کرنا ہو تو وہ حساب کرتے وقت شکل 3.16 میں دیئے گئے دور کو استعال کر سکتا ہے۔ یہ دور حقیقی ٹرانسفار مرکی بہت اچھی عکاسی کرتا ہے۔ البتہ جہاں ہمیں نہایت صحیح جواب مطلوب نہ ہوں







شکل3.20: ٹرانسفار مر کے سادہ مساوی ادوار۔

وہاں اس دور کی سادہ اشکال بھی استعال کی جا سکتیں ہیں۔ اس باب میں ہم ایسے ہی سادہ مساوی دوروں کا ذکر کریں گے۔

شکل 3.16 میں R_c اور X_m کو بائیں یا دائیں طرف لے جانے سے شکل 3.18 اور شکل 3.19 حاصل ہوتے ہیں۔ چونکہ میر \hat{I}_{φ} کی مقدار نہایت کم R_c ہوتی ہے اس لئے ایبا کرنے سے حاصل جواب پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ چونکہ اس شکل میں R_1 اور R_1 اور R_2 سلسلہ وار ہیں اس لئے ان کو جمع کیا جا سکتا ہے شکل میں ان کو مساوی مزاحمت R_m اور مساوی متعاملہ R_m کہا گیا ہے۔ اس قسم کے ادوار شکل 3.17 سے بھی حاصل ہوتے ہیں۔

ہم ایک قدم اور آگے جا سکتے ہیں اور \hat{I}_{φ} کو مکمل طور پر نظر انداز کر سکتے ہیں لیعنی اس کو ہم صفر نصور کر لیتے ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ مساوی دور میں R_c اور M_c دونوں کو کھلے دور کیا جاتا ہے لیعنی انہیں مساوی دور سے ہٹا دیا جاتا ہے۔ شکل 3.20-الف میں ایسا کیا گیا ہے۔ اس دور میں قالب کے اثرات کو مکمل طور پر نظر انداز کیا گیا ہے۔

بیشتر وقت ہمیں اس سے بھی کم صحیح جواب مطلوب ہوتا ہے۔ چونکہ $X_m\gg R_c$ للذا ہم R_m کو بھی نظرانداز کر سکتے ہیں۔ یوں شکل 3.20-ب حاصل ہوتا ہے۔

3.11 كطي دور معائنه اور كسر دور معائنه

پچھلے جھے میں بیان کئے گئے ٹرانسفار مر کے مساوی دور کے جزو ٹرانسفار مر کے دو معائنوں سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ ان معائنوں کو کھلے دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ کہتے ہیں۔ اس جھے میں انہیں پر غور کیا جائے گا۔

64 میران اندار کر کار بی آباد ہوے کے مرف درے تی ف صدوق ہے۔

3.11.1 كطي دور معائنه

کھلے دور معائنہ 65 جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سروں کو آزاد رکھ کر کیا جاتا ہے۔ یہ معائنہ اتنی برتی دباو اور تعدد یا ان کے قریب ترین مقداروں پر کیا جاتا ہے جتنے پر ٹرانسفار مرکی بناوٹ 66 ہو۔ اگرچہ یہ معائنہ ٹرانسفار مرکے کسی بھی جانب کے کچھے پر کیا جا سکتا ہے، حقیقت میں اسے کم برقی دباو والی جانب کے کچھے پر کرنا آسان ہوتا ہے۔ یہ بات ایک مثال سے زیادہ آسانی سے سمجھ آتی ہے۔

مثلاً ہم A 25 اور V 220 V : 11000 کا 45 لا چینے والے ایک دور کے ٹرانسفار مرکا معائنہ کرنا چاہتے ہیں۔ اگر یہ معائنہ اس کے گیارہ ہزار کے لیجھے پر کیا جائے تو گیارہ ہزار برتی دباو کے لگ بھگ برتی دباو استعال کیا جائے گا اور اگر دو سو بیس برتی دباو والے کچھے پر کیا جائے تو دو سو بیس برتی دباو کے لگ بھگ برتی دباو استعال کیا جائے گا۔ دونوں صورتوں میں تعدد 50 Hz کے لگ بھگ رکھا جائے گا۔ 11 kV کی برتی دباو پر کام کرنا نہایت خطرناک ثابت ہو سکتا ہے۔ یہی وجہ ہے کہ اس معائنہ کو کم برتی دباو والے کچھے پر ہی کیا جاتا ہے۔

جس برقی دباو پر ٹرانسفار مر عام حالات میں استعال ہوتا ہے اس معائنہ میں کم برقی دباو والی جانب کے لیھے پر استے ہی یا اس کی قریب مقدار کی برقی دباو V_t لا گو کر کے کھے دور برقی طاقت p_t اور کھلے دور برقی رو I_t ناپے جاتے ہیں۔ معائنہ حقیقت میں استعال کے دوران برقی دباو کے جتنے قریب برقی دباو پر کیا جائے اتنا بہتر جواب حاصل ہوتا ہے۔ ٹرانسفار مر کی دوسری جانب کچھ کے سرے چونکہ آزاد رکھے جاتے ہیں اس لئے اس میں برقی رو صفر ہو گا۔ لہذا ناپا گیا برقی رو صرف بیجان انگیز برقی رو $\hat{\rho}_t$ ہو گا۔ ٹرانسفار مر جتنی برقی رو کے لئے بنایا گیا ہو یہ برقی رو اس کے تقریباً دو سے چھ فی صد ہوتا ہے۔ شکل 1.1 کو میر نظر رکھتے ہوئے اگر ہم بائیں جانب کو کم برقی دباو والی جانب تصور کریں تو شکل میں V_t کو برگی جگہ لا گو کرنا ہو گا۔ یوں ہم جو برقی رو ناپیں گے وہ مقداری V_t ہو گا۔ چونکہ V_t صفر کے برابر ہے لہذا V_t کی جگہ لا گو کرنا ہو گا۔ یوں ہم جو برقی رو ناپیں گے وہ مقداری V_t ہو گا۔ یعنی اس طرح

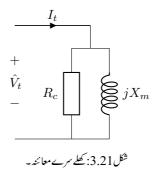
$$I_t = I_1 = I_{\varphi}$$

ا تنی کم برقی رو سے کچھے کی رکاوٹ میں نہایت کم برقی دباو گھٹتا ہے،للذا اسے نظر انداز کیا جاتا ہے لیتی $V_{R1}=I_tR_1=I_{\varphi}R_1pprox 0$

 $V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$

یوں R_c اور X_m پر تقریباً V_t برتی دباو پایا جائے گا۔ یہ شکل 3.16 سے ظاہر ہے۔ان تھا کُق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 3.21 حاصل ہوتا ہے۔

open circuit $ext{test}^{65}$ $ext{design}^{66}$ $ext{scalar}^{67}$



چونکہ برقی طاقت کا ضیاع صرف مزاحمت میں ہی ممکن ہے لہذا p_t صرف R_c میں ہی ضائع ہو گی۔ یوں $p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$

لکھا جائے گا۔ پوں

$$(3.33) R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

حاصل ہوتا ہے۔

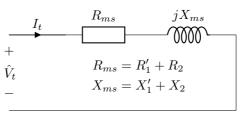
اسی طرح چونکہ برقی دباہ اور برقی رو کی مقداروں کے تناسب کو برقی رکاوٹ کی مقدار کہتے ہیں للذا $|Z_t|=rac{V_t}{I_t}$

مگر شکل 3.21 سے واضح ہے کہ

$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للذا

$$Z_t = \frac{jR_c X_m}{R_c + jX_m}$$
$$|Z_t| = \frac{R_c X_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$



شكل3.22: كسر دور معائنه به

جس سے حاصل ہوتا ہے

(3.34)
$$X_{m} = \frac{R_{c}|Z_{t}|}{\sqrt{R_{c}^{2} - |Z_{t}|^{2}}}$$

مساوات $3.33 سے <math>R_c$ اور مساوات $3.34 سے <math>X_m$ کا حساب لگایا جاتا ہے۔

یاد رہے کہ حاصل کردہ R_c اور X_m ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ا گران کی قیمتیں دوسری جانب درکار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی حاسکتی ہیں۔

3.11.2 كسردورمعائنه

یہ معائدہ بھی پچھلے معائدہ کی طرح ٹرانسفار مر کے کسی بھی طرف کیا جا سکتا ہے مگر حقیقت میں اسے زیادہ برقی دباو کے لیجھے پر بی کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے۔ یہ معائدہ جینے برقی رو کے لئے ٹرانسفار مر بنایا گیا ہو اتنی برقی رو یا اس کے قریب مقدار پر کیا جاتا ہے۔ یعنی اس معائدہ میں کوشش ہوتی ہے کہ ٹرانسفار مر کے لیچھے میں اتنی برقی رو گزرے جتنی کے لئے یہ بنایا گیا ہو۔ للذا اگر ہم پچھلے معائدہ میں استعال ہونے والے ٹرانسفار مرکی بات آگے بڑھا میں تو اس کا زیادہ برقی دباو کا لچھا A 13.63 کے بنایا گیا ہے۔ للذا اگر یہ معائدہ کم برقی دباو کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 درا ہوگا اور اگر زیادہ برقی دباو کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 پر کرنا ہوگا اور اگر زیادہ برقی دباو کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 کرنا ہوگا اور اگر زیادہ برقی دباو کچھے پر کیا جائے تو صرف کے کرنا ہوگا ہو کہ دیادہ کہا ہوگا ہو کہ دیادہ برقی دباو کچھے کہ کیا جائے تو صرف کا دور اگر ذیادہ برقی دباو کچھے کے کہ دیادہ آسان ہے۔

اس معائنہ میں کم برقی دباو کچھے کے دونوں سروں کو آپس میں جوڑا جاتا ہے لینی انہیں کسرِ دور کر لیا جاتا ہے اور زیادہ برقی دباو کچھے پر اس جانب کی ڈیزائن کردہ برقی دباو کے دو سے بارہ فی صد کا برقی دباو V_t لاگو کر کے کسرِ

دور برتی رو I_t اور کسرِ دور برتی طاقت p_t ناپے جاتے ہیں۔ جس کچھ کے سرے آپس میں کسرِ دور ہوتے ہیں اس میں سے برتی رو گزرتی ہے اور اس کا عکس دوسری جانب بھی موجود ہوتا ہے۔ یہ برتی رو ٹرانسفار مر کے ڈیزائن کردہ برتی رو گزرتی ہوتا ہے۔ اس معائنہ کا دور شکل 3.22 میں دکھایا گیا ہے۔ کھلے سرے معائنے کی طرح اگر کسر دور معائنے میں بھی شکل 3.16 کے بائیں جانب کو کم برتی دباو والی جانب تصور کریں تو V_2 کو جگہ لاگو کرنا ہو گا۔

چونکہ یہ معائنہ بہت کم برقی دباو پر کیا جاتا ہے للذا اس معائنہ میں بیجان انگیز برقی رو کو مکمل طور پر نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ شکل سے ہم دیکھتے ہیں کہ چونکہ برقی طاقت صرف مزاحت میں ہی ضائع ہو سکتی ہے الہذا

$$p_t = I_t^2 \left(R_{ms} \right)$$

ہو گا جس سے

$$(3.35) R_{ms} = \frac{p_t}{I_t^2}$$

حاصل ہوتا ہے۔

سرِ دور برقی رو اور برقی دباوسے ہمیں ملتی ہے

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

مگر شکل سے واضح ہے کہ

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

للذا

$$(3.36) X_{ms} = \sqrt{|Z_t|^2 - R_{ms}^2}$$

مساوات 3.35 کل مزاحمت دیتا ہے البتہ اس سے R_1 یا R_2 حاصل نہیں کیا جا سکتا۔ اس طرح مساوات 3.36 کل مزاحمت دیتا ہے البتہ اس سے X_1 دور معائنہ سے اتنی ہی معلومات حاصل کرنا ممکن ہے۔ حقیقت میں اتنی معلومات کافی ہوتی ہے۔ اگر ان اجزاء ک علیحدہ علیحدہ قیمتیں در کار ہوں تو ایس صورت میں تصور کیا جاتا ہے کہ

$$R_1' = R_2$$
$$X_1' = X_2$$

ہیں۔

چونکہ یہ معائنہ عموماً جہاں ٹرانسفار مر موجود ہو وہیں کرنا پڑتا ہے للذا یہ ممکن نہیں ہوتا کہ ٹرانسفار مر کو بالکل اتنا برقی دباو دیا جائے جتنا درکار ہو بلکہ جو برقی دباو موجود ہو اس سے کام چلانا پڑتا ہے۔ لیکن اس بات کا خیال بہت ضروری ہے کہ جو برقی دباو ٹرانسفار مر کو دیا جا رہا ہو وہ ڈیزائن کردہ برقی دباو کے دو سے بارہ فی صد ہو۔ مثلاً اگر اس کا 220 V اس 220 V وہ بات کی جائے تو اس کے زیادہ برقی دباو کچھے پر 20 V اور V 320 کے درمیان کوئی بھی برقی دباو دیا جا سکتا ہے۔ چونکہ ہمارے ہاں 20 کو اور 440 کام پائے جاتے ہیں للذا ہم کا 440 کی یا ساتعال کریں گے۔

یہاں یہ ایک مرتبہ دوبارہ یاد دھیانی کراتا جاول کہ ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سرے آپس میں جوڑ کر، یعنی انہیں کسرِ دور کر کے، دوسری جانب کچھے پر کسی بھی صورت میں اس جانب کی پوری برقی دباو لا گو نہیں کرنا۔ ایبا کرنا شدید خطرناک اور جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

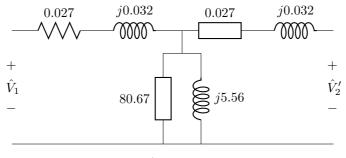
یاد رہے کہ حاصل کردہ R_c اور X_m اور X_m ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ا گران کی قیمتیں دوسری جانب درکار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی جاسکتی ہیں۔

مثال 3.7: ایک 25 کلو وولٹ-ایمپیئر، 220 : 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والے ٹرانسفار مر کے کھلے دور اور کسر دور معائنہ کئے جاتے ہیں جن کے نتائج یہ ہیں۔

- کطے دور معائنہ کرتے وقت کم برقی دباو کی جانب V $220 \, \mathrm{V}$ لاگو کئے جاتے ہیں۔ای جانب برقی رو $39.64 \, \mathrm{A}$ اور طاقت کا ضیاع $000 \, \mathrm{W}$ ناپ جاتے ہیں۔
- کسرِ دور معائنہ کرتے وقت زیادہ برقی دباو کی جانب V 440 لا گو کئے جاتے ہیں۔ای جانب برقی رو A 2.27 A اور طاقت کا ضیاع 560 W ناپے جاتے ہیں۔

کھلے دور حل:

$$\begin{split} |Z_t| &= \frac{220}{39.64} = 5.55\,\Omega \\ R_c &= \frac{220^2}{600} = 80.67\,\Omega \\ X_m &= \frac{80.67\times5.55}{\sqrt{80.67^2-5.55^2}} = 5.56\,\Omega \end{split}$$



شکل 3.23: کھلے دوراور کسرِ دور معائنہ سے کم برقی دباوجانب مساوی دور۔

کسر دور حل:

$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83 \,\Omega$$

$$R_{ms} = \frac{560}{2 \times 2.27^2} = 108.68 \,\Omega$$

$$X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160 \,\Omega$$

ان نتائج کو تم برقی دباو جانب منتقل کرتے ہوئے

$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 108.68 = 43.47 \,\mathrm{m}\Omega$$

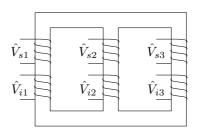
$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 160 = 64 \,\mathrm{m}\Omega$$

لعيني

$$R_1 = R_2' = \frac{43.47 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 21.7 \,\mathrm{m}\Omega$$

 $X_1 = X_2' = \frac{64 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 32 \,\mathrm{m}\Omega$

حاصل ہوتا ہے۔ان نتائج سے حاصل کم برقی دباو جانب مساوی دور شکل 3.23 میں دکھایا گیا ہے۔



شكل3.24: ايك ہى قالب پر تين ٹرانسفار مر۔

3.12 تين مرحله ٹرانسفار مر

اب تک ہم ایک مرحلہ 68 ٹرانسفار مر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت میں برقی طاقت کی منتقلی میں عموماً تاہین مرحلہ و ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر بنایا جا سکتا ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر خراب ہو جائے تو اس کو شحیک ہونے کے لئے ہٹا کر بقایا دو ٹرانسفار مر دوبارہ چالو کئے جا سکتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر بنانے کا اس سے بہتر طریقہ شکل 3.24 میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقناطیسی قالب پر تینوں ٹرانسفار مر کے لیچھے لیٹے گئے ہیں۔ اس شکل میں \hat{V}_{i1} پہلے ٹرانسفار مر کا ابتدائی لیچھا جبہ \hat{V}_{i1} اس کا فائوی لیچھا ہے۔ اس طرح کے تین مرحلہ ٹرانسفار مرستے، ملک اور چھوٹے ہونے کی وجہ سے عام ہو گئے ہیں اور آپ کو روز مرہ زندگی میں یہی نظر آئیں گے۔ ان میں برقی ضیاع بھی قدر کم ہوتی ہے۔

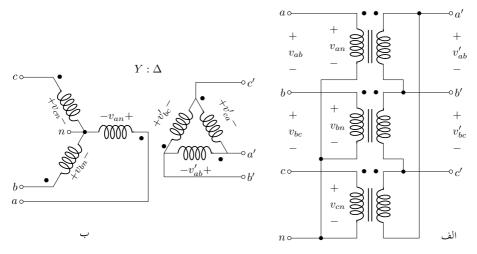
شکل 3.25-الف میں تین ٹرانسفار مر دکھائے گئے ہیں۔ان تین ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے آپیں میں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔ای کو ستارہ نما جوڑ Y^{70} اور دوسرے کو تکونی جوڑ Δ^{71} کہتے ہیں۔ای طرح ان تینوں ٹرانسفار مرول کے ثانوی کچھے انہیں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔یوں انہیں جوڑنے کے چار ممکنہ طریقے ہیں یعنی

- $Y:\Delta$ تتاره: تکونی
- Y:Y ستاره: ستاره •
- $\Delta: \Delta$ Σ

 $\begin{array}{c} \text{single phase}^{68} \\ \text{three phase}^{69} \\ \text{star connected}^{70} \end{array}$

delta connected⁷¹

94 پاپ 3. ٹرانسفار مے



شكل 3.25: تين مر حله ستاره- تكوني ٹرانسفار مر

$\Delta: Y$ تکونی: ستاره \bullet

شکل 3.25-الف میں ان تین ٹرانسفار مروں کے ابتدائی کچھوں کو ستارہ نما جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ثانوی کچھوں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔شکل-ب میں تینوں ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھوں کو ستارہ نما دکھایا گیا ہے۔اس طرح ثانوی کچھوں کو تکونی دکھایا گیا ہے۔انہی شکلوں کی وجہ سے ان کو ستارہ نما جوڑ اور تکونی جوڑ کہتے ہیں۔

الیی شکل بناتے وقت تینوں ٹرانسفار مرول کے ابتدائی کچھے کو جس زاویہ پر بنایا جاتا ہے اس کے ثانوی کچھے کو بھی اُس زاویہ پر بنایا جاتا ہے۔ یوں شکل کے حصہ الف میں سب سے اوپر ٹرانسفار مرجس کے ابتدائی جانب کے سرے اُس زاویہ پر بنایا گیا ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مروں کو اس مار کیا جانا ہے اور ان میں قالب نہیں دکھایا جاتا۔

طرح کی علامتوں سے ظاہر کیا جاتا ہے اور ان میں قالب نہیں دکھایا جاتا۔

ٹرانسفار مر کے جوڑ بیان کرتے وقت بائیں جانب کے جوڑ کو پہلے اور دائیں جانب کی جوڑ کو بعد میں پکارتے ہیں۔ یوں شکل میں ٹرانسفار مر کو ستارہ۔ تکونی جُڑا ٹرانسفار مر کہیں گے۔اسی طرح ابتدائی جانب کو بائیں اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بنایا جاتا ہے۔یوں اس شکل میں ابتدائی جانب ستارہ نما ہے جبکہ ثانوی جانب تکونی ہے۔

تارہ نما جڑی جانب سے چار برقی تاریں لکلتی ہیں۔اس جانب کچھوں کے مشتر کہ سرا n کو عموماً ٹرانسفار مر کے

ستارہ نما Y جانب یک مرحلہ مقداروں اور مار کی مقداروں کا آپس میں یوں رشتہ ہے

(3.37)
$$V_{,t} = \sqrt{3}V_{,t}$$

$$I_{,t} = I_{,t}$$

جبکہ تکونی ∆ جانب یک مرحلہ اور تار کی مقداروں کا آپس میں یوں رشتہ ہے

(3.38)
$$V_{\text{jt}} = V_{\text{odd}}$$

$$I_{\text{jt}} = \sqrt{3}I_{\text{odd}}$$

یہ مرحلی سمتیے کے رشتے نہیں بلکہ ان کی مقداری قیمتوں کے رشتے ہیں۔ان دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے

$$(3.39) V_{J\tau}I_{\tau} = \sqrt{3}V_{\tau}I_{\tau}$$

چونکہ ایک مرحلہ ٹرانسفار مرکی وولٹ -ایمپیئر کیر ملV ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مر مل کر ایک تین مرحلہ ٹرانسفار مر بناتے ہیں لہذا تین مرحلہ ٹرانسفار مرکی وولٹ -ایمپیئر اس کے تین گنا ہوں گے یعنی

(3.40)
$$3V_{\rm jr}I_{\rm jr} = 3 \times \frac{V_{\rm jr}I_{\rm jr}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}V_{\rm jr}I_{\rm jr}$$

ground⁷²

ground, earth, neutral 73

 $neutral^{74}$

live wires⁷⁵

phase voltage⁷⁶

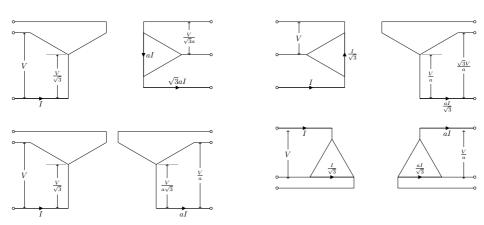
phase current⁷⁷

line to line voltage⁷⁸

line current⁷⁹

ground current⁸⁰





شکل3.26: ابتدائی اور ثانوی جانب تاراوریک مرحله مقداروں کے رشتے۔

یہ مساوات تاہی مرحلہ ادوار میں عام استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مرکسی طرح بھی جوڑے جائیں وہ اپنی بنیادی کارکردگی تبدیل نہیں کرتے للذا انہیں سارہ نما یا تکونی جوڑنے کے بعد بھی ان میں ہر ایک ٹرانسفار مر انفرادی طور پر صفحہ 66 پر دئے مساوات 3.16 اور صفحہ 70 پر دئے مساوات 3.23 پر پورے اترے گا۔ آئیں استعال کر کے شکل 3.26 میں دیئے گئے ٹرانسفار مرول کے ابتدائی اور ثانوی جانب کی یک مرحلہ اور تارکی مقداروں کے رشتے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔اس شکل میں N_1/N_2 ہے جال N_1/N_2 ان میں ایک مرحلہ ٹرانسفار مرکے چکر کی نسبت ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مرپر گئی شختی پر دونوں جانب تارکی برتی دباوکی نسبت کھی جاتی ہے۔

جیسے شکل 3.26 میں و کھایا گیا ہے سارہ- تکونی ٹرانسفار مرکی تاریر برقی دباو کی نسبت

(3.41)
$$\frac{V_{\acute{\mathcal{S}}^{|\mathcal{F}|}}}{V_{\acute{\mathcal{C}}^{|\mathcal{F}|}}} = \sqrt{3}a = \sqrt{3}\left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

جبکه ستاره کا

$$\frac{V_{\acute{\mathcal{G}}_{|\mathcal{F}|}}}{V_{\acute{\mathcal{G}}_{|\mathcal{F}|}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

تکونی-ستاره کا

$$\frac{V_{\mathcal{S}^{|\mathcal{L}|}}}{V_{\mathcal{S}^{|\mathcal{L}|}}} = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

اور تکونی- تکونی کا

$$\frac{V_{\acute{\mathcal{G}}^{\downarrow\mathcal{E},!}}}{V_{\mathcal{G}^{\flat\mathfrak{p}}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

ہے۔

مثال 3.8: یک مرحله تین یکسال ٹرانسفار مروں کو ستارہ-تکونی $Y: \Delta$ جوڑ کر تین مرحله ٹرانسفار مربنایا گیا ہے۔ ایک مرحله ٹرانسفار مرکی برقی سکھے 81 درج ذیل ہے:

 $50\,{\rm kV\,A}, \quad 6350:440\,V, \quad 50\,{\rm Hz}$

شارہ- تکونی ٹرانسفارمر کی اہتدائی جانب 11000 وولٹ کی تین مرحلہ تار کی برقی دباو لا گو کیا گیا۔اس تین مرحلہ ٹرانسفارمر کی ثانوی جانب تار کا برقی دباو معلوم کریں۔

حل: حل کرتے وقت ہم ایک عدد یک مرحلہ ٹرانسفار مر پر نظر رکھیں گے۔ ابتدائی جانب اگر یک مرحلہ ٹرانسفار مر پر غور کیا جائے تو

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

اور اس پر لا گو برقی دباو مساوات 3.37 کی مدد سے

$$V_{\ddot{\lambda_0}} = rac{V_{
m JC}}{\sqrt{3}} = rac{11000}{\sqrt{3}} = 6350.85\,{
m V}$$

ہے لہذا اس یک مرحلہ ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب مساوات 3.16 کی مدد سے

$$V_{\rm Gir} = \frac{N_2}{N_1} V_{\rm Gir} = \frac{440}{6350} \times 6350.85 \approx 440 \,\rm V$$

ہیں۔چونکہ ثانوی جانب ان تین یک مرحلہ ٹرانسفار مرول کو تکونی جوڑا گیا ہے للذا مساوات 3.38 کی مدد سے اس جانب تار کی برقی دباویہی ہو گی۔اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی تار پر برقی دباو کی نسبت

$$rac{V_{\iota \acute{\mathcal{L}}}$$
 تار ابتدائی $rac{V_{\iota \acute{\mathcal{L}}}}{V_{\iota \acute{\mathcal{L}}}}=rac{11000}{440}$

rating⁸¹

ہے۔ چونکہ یک مرحلہ ٹرانسفار مر 50 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہے للذا بیہ تین مرحلہ ٹرانسفار مر 150 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہو گا۔ پول اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی سکت⁸²

 $150 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$, $11000 : 440 \,\mathrm{V}$, $50 \,\mathrm{Hz}$

ہو گی۔

ٹرانسفار مر پر لگی شختی ⁸³ پر اس کی سکت بیان ہوتی ہے جس میں ٹرانسفار مر کے دونوں جانب تار کے برقی دباو کھھے جاتے ہیں نہ کہ کچھوں کے چکر۔

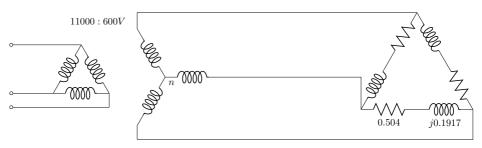
ستارہ-ستارہ جڑے ٹرانسفار مر عام طور استعال نہیں ہوتے۔اس کی وجہ یہ ہے کہ اگرچہ ان کی تین مرحلہ برقی دباو کے بنیادی جزو آپس میں °120 زاویائی فاصلے پر ہوتے ہیں لیکن ان کی تیسری موسیقائی جزو آپس میں ہم قدم ہوتی ہیں۔ قالب کی غیر بتدر بج خصوصیات کی وجہ سے ٹرانسفار مر میں ہر صورت تیسری موسیقائی جزو ہم قدم ہونے کی وجہ سے جمع ہوکر ایک نہایت بڑی برقی دباوکی موج پیدا کرتے ہیں جو کہی بھی برقی دباوکی بنیادی جزو سے بھی زیادہ بڑھ جاتی ہے۔

بقایا تین قسم کے جڑے ٹرانسفار مرول میں برقی دباو کی تیسری موسیقائی جزو مسئلہ نہیں کر تیں چونکہ ان میں سکونی جُڑے لیچھوں میں برقی رو گھومنے شروع ہو جاتی ہے جو ان کے اثر کو ختم کر دیتی ہے۔

تین مرحلہ ٹرانسفار مر کے متوازن دور حل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مرستارہ نما ہڑا ہے۔ یول اس کے ایک مرحلہ پر لا گو برقی دباو، یک مرحلہ برقی دباو ہو گا۔ ایک مرحلہ برقی دباو ہو گا۔ ای طرح ہم تصور کرتے ہیں کہ اس پر لدا برقی بوجھ بھی ستارہ نما بُڑا ہے۔ یوں تین مرحلہ کی جگہ ہم یک مرحلہ دور کا نسبتاً آسان مسئلہ حل کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ یہ ایک مثال سے زیادہ بہتر سمجھ آئے گا۔

مثال 3.9: ایک تین مرحلہ Y : △ 2000 کلو وولٹ-ایمپیئر، 600 : 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والا کامل ٹرانسفار مرتبین مرحلہ کے متوازن برقی بوجھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ یہ بوجھ تکونی جڑا ہے جہاں بوجھ کا ہر حصہ (0.504 + 10.1917) کے برابر ہے۔شکل 3.27 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

 $\begin{array}{c} {\rm rating^{82}} \\ {\rm name~plate^{83}} \end{array}$



شكل 27. 3: ٹرانسفار مر تكونی متوازن بوجھ كوطاقت فراہم كررہاہے۔

- 1. اس شکل میں ہر جگہ برقی رو معلوم کریں۔
 - 2. برقی بوجه 84 کو در کار طاقت معلوم کریں

حل:

یہلے تکونی بوجھ کو ستارہ نما بوجھ میں تبدیل کرتے ہیں

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

اس بوچھ کو ستارہ نما جڑا شکل 3.28 میں دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک برقی تار جے نقطہ دار کئیر سے ظاہر کیا گیا ہے کو ٹرانسفار مرکی زیننی نقطہ سے بوچھ کے مشتر کہ سرے کے در میان جڑا دکھایا گیا ہے۔متوازن دور میں اس تار میں برقی رو صفر ہوگی۔ حل کرنے کی نیت سے ہم اس متوازن دور سے ایک مرحلہ لے کر حل کرتے ہیں۔

یوں مساوی برقی بوجھ میں برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 \underline{/-20.825^\circ}$$

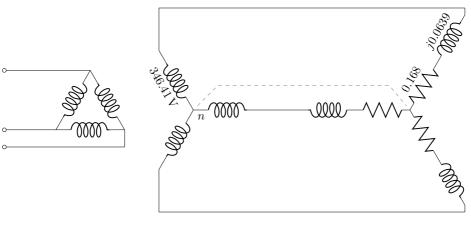
ہو گی اور اس ایک مرحلیہ میں طاقت

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^\circ) = 624\,007\,\mathrm{W}$$

ہو گی۔ یوں برتی بوجھ کو پوری درکار برتی طاقت اس کے تین گنا ہو گی لینی 1872 kW اس بوجھ کا جزو طاقت ⁸⁵

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

electrical load⁸⁴ power factor⁸⁵ 100 باب. 3. ٹرانسفار مسر



شكل 3.28: تكونى بوجھ كومساوى ستارە بوجھ ميں تبديل كيا گياہے۔

ے۔

تکونی بوجھ میں برقی رو 1112.7 $\sqrt{3}=1927.262$ ایمپیئر ہوگ۔ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب برقی تاروں میں برقی رو

$$\left(\frac{600}{11000}\right)\times1927.262=105.12$$

ایمپیئر ہو گی۔

اس مثال میں جزو طاقت 0.93467 ہے۔اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں اگر صنعتی کارخانوں کی برقی بوجھ کی جزو طاقت 0.9 سے کم ہو جائے تو برقی طاقت فراہم کرنے والا ادارہ (وایڈا) جرمانہ نافذ کرتا ہے۔

3.13 ٹرانسفار مرچالو کرتے لمحہ زیادہ محرکی برقی روکا گزر

ہم دیکھ چکے ہیں کہ اگر ٹرانسفار مرکے قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو سائن نما ہو لینی $B=B_0\sin\omega t$ تو اس کے لئے ہم کھھ سکتے ہیں

$$v = e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t}$$
$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$
$$= V_0 \cos \omega t$$

لعيني

$$(3.45) B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

یہ مساوات بر قرار چالو⁸⁶ ٹرانسفار مر کے لئے درست ہے۔

تصور کریں کہ ایک ٹرانسفار مر کو چالو کیا جا رہا ہے۔ چالو ہونے سے پہلے قالب میں مقناطیسی بہاو صفر ہے اور جس لمحہ اسے چالو کیا جائے اس لمحہ بھی یہ صفر ہی رہتا ہے۔

جس لحمه ٹرانسفار مر کو چالو کیا جائے اس لمحہ لا گو برقی دباو

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

ہاو ہیں کثافت مقناطیسی بہاو heta=-1 بعد قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو heta=-1

$$B = \frac{1}{NA_c} \int_0^{\pi/\omega} V_0 \cos(\omega t + \pi/2) dt$$
$$= \frac{V_0}{\omega NA_c} \sin(\omega t + \pi/2)_0^{\pi/\omega}$$
$$= -\left(\frac{2V_0}{\omega NA_c}\right)$$

steady state 86 time period 87

102 باب. 3. ٹرانسفار مسر

یعنی کثافتِ مقناطیسی بہاو کا طول معمول سے دگنا ہو گا۔ اگر یہی حساب $\theta=0$ لحمہ کے لئے کیا جائے تو زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو بالکل مساوات 3.45 کے عین مطابق ہو گا۔ ان دو زاویوں کے مابین زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو ان دو حدوں کے در میان رہتا ہے۔

قالب کی B-H خط غیر بندر تک بڑھتا ہے۔ لہذا B دگنا کرنے کی خاطر H کو کئی گنا بڑھانا ہو گا جو کچھے میں محرک برتی رو بڑھانے سے ہوتا ہے 88 یہاں صفحہ 52 پر دکھائے شکل 2.16 سے رجوع کریں۔ توکی ٹرانسفار مروں میں بیجانی کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی 1.3 $B_0 \leq 1.3$ ہماؤ کے ہے۔ ٹرانسفار مرچالو کرتے لمحہ یوں کثافتِ مقناطیسی بہاو کے ہوگی۔ بہاو کے ہے جس کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو نہایت زیادہ ہوگی۔

2000⁸⁸ کلووولٹ-ابمپیئرٹرانسفار مرسے چالو کرتے وقت تھر تھر اہٹ کی آواز آتی ہے

باب4

برقی اور میکانی توانائی کا باہمی تبادلہ

برقی رو یا مقناطیسی بہاو کی مدد سے برقی توانائی کو میکانی توانائی یا میکانی توانائی کو برقی توانائی میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ مختلف مشین میں یہ عمل ہوتا ہے۔ ناپنے کے مشین نہایت کم طاقت کا تبادلہ کرتے ہیں۔ ان میں لاؤڈ سپیکر، ما تکروفون وغیرہ وغیرہ شامل ہیں۔ ان میں برقی مقناطیس، ریلے 1 وغیرہ شامل ہیں۔ ان میں برقی مقناطیس، ریلے 1 وغیرہ شامل ہیں، لگاتار توانائی کو ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں مقناطیسی بہاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ برتی رو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ کو انہیں طرح کے طریقوں سے حل کیا جاتا ہے اگرچہ ان کا تذکرہ اس کتاب میں نہیں کیا جائے گا۔

اس باب میں جو تراکیب ہم سیکھیں گے وہ بہت اہمیت رکھتے ہیں اور انجنیئر نگ میں بہت سے مسائل حل کرنے میں مدد گار ثابت ہوتے ہیں۔

 relay^1

4.1 مقناطیسی نظام میں قوت اور قوت مروڑ

ا گرایک برقی میدان میں برقی بار *q* رکھا جائے تو اس پر قوت

$$\mathbf{F} = q\mathbf{E}$$

پائی جاتی ہے۔اگر برتی بار مثبت ہو تو یہ قوت برتی شدت E کی سمت میں ہوتی ہے اور اگر برتی بار منفی ہو تو یہ قوت E کی الٹ سمت میں ہوتی ہے۔ اس طرح اگر ایک برتی بار مقناطیسی میدان میں حرکت کر رہا ہو اور اس کی سمتھ رفتارv و تو اس پر قوت

$$\mathbf{F} = q\left(\mathbf{v} \times \mathbf{B}\right)$$

پائی جاتی ہے۔ اس مرتبہ مثبت برتی بار پر قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون 3 سے معلوم کی جاتی ہے۔ اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیاں 3 کی سمت میں رکھ کر انہیں 3 کی سمت میں موڑا جائے تو انگوٹھا 3 کی سمت میں ہوگا۔ منفی برتی بار پر قوت اس کے مخالف سمت میں ہوگا۔ یہاں سمتی رفتار 4 اور 4 کے مابین ہے۔ اگر ایک برتی بار بیک وقت مقاطیسی اور برقی میدان میں حرکت کر رہا ہو تب اس پر قوت ہمیں گزشتہ دو قوانین ملاکر یعنی مساوات لورین 4 سے متناطیسی ہو گئی ہے۔

(4.3)
$$F = q(E + v \times B)$$

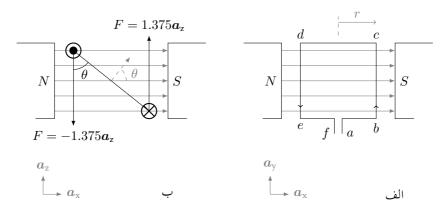
مساوات 4.2 میں اگر $v = \mathrm{d} L/\mathrm{d} t$ کی جائے تو اسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(4.4)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{F} &= q \left(\frac{\mathrm{d} \boldsymbol{L}}{\mathrm{d} t} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= \frac{q}{\mathrm{d} t} \left(\mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= i \left(\mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \end{aligned}$$

مثال 4.1: شکل 4.1 میں ایک لچھا مقناطیسی میدان میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے کی رداس 15 سم، محوری لمبائی 50 سم اور اس میں برقی رو 5 ایمپیئر ہے۔ کثافتِ مقناطیسی بہاو کو نقطہ دار نوک والی لکیروں سے شالی قطب سے جنوبی قطب کی جانب دکھایا گیا ہے۔ اگر کثافتِ مقناطیسی بہاو 0.55 ٹیسلہ ہو تو

velocity² right hand rule³

Lorenz equation⁴



شكل 4.1: ايك چكرك لحصير قوت اور قوت مرور ا

- کچھے کے اطراف پر قوت معلوم کریں اور
 - کچھے پر قوت مروڑ au معلوم کریں

حل: شکل-الف اور ب میں کار تبینی اکائی سمتیہ دیئے گئے ہیں۔اگر برقی تار کے سروں کو نظر انداز کیا جائے اور اسے ایک بند دائرہ سمجھا جائے تو شکل-الف میں برقی رو کی سمت میں تار کے اطراف کی لمبائیاں

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{\mathbf{y}} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{\mathbf{x}} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{\mathbf{y}} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{\mathbf{x}} \end{aligned}$$

ہیں جبکہ $oldsymbol{B} = B_0 oldsymbol{a}_{ exttt{X}}$ بین جبکہ $oldsymbol{B} = B_0 oldsymbol{a}_{ exttt{X}}$

$$egin{aligned} m{F}_{bc} &= i \left(m{L}_{bc} imes B_0 m{a}_{
m X}
ight) \ &= 5 \left(0.5 m{a}_{
m Y} imes 0.55 m{a}_{
m X}
ight) \ &= -1.375 m{a}_{
m Z} \ m{F}_{cd} &= 5 \left(-0.3 m{a}_{
m X} imes 0.55 m{a}_{
m X}
ight) \ &= 0 \ m{F}_{de} &= 5 \left(-0.5 m{a}_{
m Y} imes 0.55 m{a}_{
m X}
ight) \ &= 1.375 m{a}_{
m Z} \ m{F}_{ea} &= 0 \end{aligned}$$

نیوٹن ہو گی۔ہم دیکھتے ہیں کہ قوت محوری لمبائی کی جانب اطراف پر ہی لا گو ہے۔یہ دو قوت حصہ بامیں دکھائے گئے ہیں جہاں سے یہ واضح ہے کہ یہ قوت مروڑ پیدا کریں گی۔ اس قوت مروڑ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے بھی با آسانی معلوم کی جا سکتی ہے۔ قوت مروڑ

 $\tau = -1.375 \times 2 \times 0.15 \times \sin \theta \mathbf{a}_{y}$ $= -0.4125 \sin \theta \mathbf{a}_{y}$

نیوٹن-میٹر ہے۔

ان مساوات کا استعال صرف سادہ ترین جگہوں ممکن ہوتا ہے۔ استعال میں آنے والی مشین میں ان مساوات سے قوت کا تعین کرنا نہایت مشکل ثابت ہوتا ہے۔ اب ہم وہ طریقہ سیکھتے ہیں جس کی مدد سے ہم مختلف مشین میں قوت کا تعین کر سکیں گے۔ اس طریقہ کو توانائی کا طریقہ کہتے ہیں اور یہ توانائی کے اٹل ہونے پر مبنی ہے۔

گومتی برقی مشین میں عموماً دو کچھے ہوتے ہیں۔ ان میں ایک کچھا مشین کے ساکن حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور اسی لئے ساکن رہتا ہے۔ لہذا اس کو ساکر نے کچھا کہتے ہیں۔ دوسرا کچھا مشین کے گھومنے والے حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور مشین گھومنے سے یہ بھی گھومتا ہے۔ لہذا اس کو گھومتا کچھا کہتے ہیں۔ ایسے مشین کو اس طرح سمجھنا نہایت آسان ہے کہ ہم ان دو کچھوں کو دو مقناطیس سمجھیں۔ جس طرح دو مقناطیس اگر قریب لائے جائیں تو یہ کوشش کرتے ہیں کہ ایک کا شال N دوسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

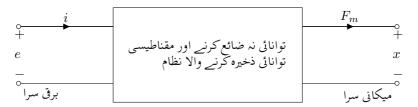
موٹر میں دونوں کچھے مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ ساکن کچھے کا مقناطیسی بہاو، گھومتے کچھے کے مقناطیسی بہاوسے پچھے آگے رہتا ہے اور اسے کھینچتا رہتا ہے۔ ایسا کرنے سے یہ کام کرتا ہے۔ جزیٹر میں اس کے برعکس گھومتا کچھا، ساکن کچھے پر کام کرتے ہوئے اس میں برقی دباو پیدا کرتا ہے۔

توانائی کے طریقے کو شکل 4.2 کی مدد سے سمجھا جا سکتا ہے۔ یہاں مقناطیسی نظام کو ایک ڈبہ کی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کو برقی توانائی مہیا کی جاتی ہے جس سے یہ میکائی توانائی پیدا کرتا ہے۔ یہاں برقی توانائی کے دو متغیرہ گیا ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب یعنی ابتدائی یا e

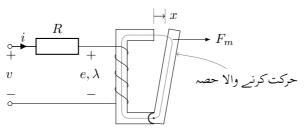
stator coil⁵

rotor coil⁶

میدانی قوت F_m میں چیوٹی لکھا ئی میں mلفظ میدانی کو ظاہر کررہاہے۔



شکل 4.2: برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تبادلہ کا نظام۔



شكل 4.3: قوت پيدا كرنے والا آلا۔

اولین جانب i کا رُخ باہر سے اندر کی طرف ہے اور دائیں جانب یعنی ثانوی جانب F_m کا رُخ اندر سے باہر کی جانب ہے۔ ہے۔ پہ ٹرانسفار مر دور کے شکل 3.6 کی مانند ہے۔

اگر نظام میں توانائی کی ضیاع کو توانائی کے ذخیرہ ہونے سے علیحدہ کرنا ممکن ہو تو ایسی صورت میں توانائی کے ضیاع کو بیرونی رکن سے پیش کیا جاتا ہے۔ شکل 4.3 میں ایک ایسا ہی نظام و کھایا گیا ہے جس میں لچھا برتی نظام کو پیش کرتا ہے۔ یہاں کچھے میں توانائی کے ضیاع کو، بیرونی مزاحمت R سے ظاہر کیا گیا ہے۔

توانائی کا بنیادی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی جاسکتی ہے اور نا ہی اسے تباہ کیا جا سکتا ہے۔ اس کو صرف ایک قتم سے دوسرے قسم کی توانائی میں تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ المذا اسے جو برتی توانائی $_{,\vec{5}}$ ∂W_0 دی جائے اس میں سے پچھ میکانی توانائی $_{,\vec{2}}$ ∂W_0 میں تبدیل ہو گی، پچھ مقناطیسی میدان میں ذخیرہ ہو گی یعنی مینائی میناطیسی کمیدان میں خورہ ہو گی تعنی خورہ ہو گی ہو گی جو ہمارے کسی کام نہ آ سکے گی۔ یعنی طریقوں سے ضائع خلا

$$\partial W_{\ddot{i}j} = \partial W_{\dot{i}j} + \partial W_{\dot{a}j} + \partial W_{\dot{a}j} + \partial W_{\dot{a}j} + \partial W_{\dot{a}j}$$

اگر برقی توانائی کے ضیاع کو نظرانداز کیا جائے تو

$$\partial W_{\vec{i}j} = \partial W_{ij} + \partial W_{ni} d_{nj} + \partial W$$

اس مساوات کو ∂t سے تقسیم کرنے سے حاصل ہوتا ہے

(4.7)
$$\frac{\partial W_{\vec{b}, \underline{b}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\vec{b}, \underline{b}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\underline{b}, \underline{b}}}{\partial t}$$

یہ مساوات توانائی کی بجائے طاقت کی بات کرتا ہے۔ اگر ہم بائیں ہاتھ کی جانب لیعنی برقی طاقت کو ei کھیں اور دائیں ہاتھ کی جانب میکانی حصہ میں ع $\partial W_{i,k} = F_m \partial x$ کھیں تو

(4.8)
$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں مقاطبی W_m کو W_m کھا گیا ہے۔مساوات 2.27 کے استعمال سے اسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

يا

$$\partial W_m = i\partial\lambda - F_m\partial x$$

مساوات 4.10 توانائی کے طریقہ کی بنیاد ہے۔ یہ مساوات استعال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیادی طور پر لورینز کے قانون 0 ہیں۔ لہذا شکل 0 کی مجائے 0 اور 0 ہیں۔ لہذا شکل 0 کو شکل 0 کی مجائے 0 اور 0 ہیں۔ لہذا شکل 0 کو شکل 0 کی طرح بھی بنایا جا سکتا ہے۔

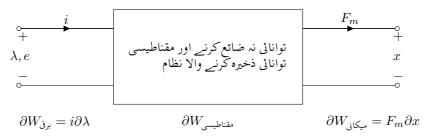
کسی بھی تفاعل
$$z(x,y) \stackrel{1}{\sim} 2$$
 کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

(4.11)
$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

اسی طرح ہم $W_m(x,\lambda)$ کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

(4.12)
$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} d\lambda$$

Lorenz equation⁸ function⁹



شکل 4.4: توانائی کی شکل تبدیل کرنے والاایک نظام۔

اس مساوات اور مساوات 4.10 سے ہم اخذ کر سکتے ہیں کہ

(4.13)
$$F_m(x,\lambda) = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}\Big|_{\lambda_0}$$

(4.14)
$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|_{x_0}$$

اگر ہم مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی $W_m(x,\lambda)$ معلوم کر سکیں تو مساوات 4.13 کو استعال کر کے ہم توت کا حساب لگا سکتے ہیں۔ ہم اگلے حصہ میں یہی کرتے ہیں۔

4.2 تبادله توانائی والاایک کچھے کا نظام

شکل 4.3 میں ایک کچھے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ کچھے میں برقی ضیاع کو بیرونی مزاحمت سے پیش کیا گیا ہے۔ میکانی نظام میں حرکت کرنے والے حصہ کے کمیت کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ اگر اس کمیت کے اثر کا بھی حساب لگانا ہو تو اس کمیت کو ایک بیرونی کمیت تصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح تبادلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔

قوت پیدا کرنے والے مثین میں حرکت ناگزیر ہے۔ عموماً حرکت تب ممکن ہوتی ہے جب مقناطیسی قالب میں خلاء ہو جو کم اور زیادہ ہو سکے۔ عموماً $\Re_a \gg \Re_c$ ہوتا ہے۔ للذا جب بھی خلائی درز رکنے والی مقناطیسی دور حل کرنی ہو، ہم \Re_c کو نظر انداز کر سکتے ہیں۔ایسا کرنے سے، جیسا مساوات 2.19 میں دیا گیا ہے، ہم مقناطیسی دباو τ اور مقناطیسی بہاو ϕ کو براہ راست متناسب لکھ سکتے ہیں۔ اس طرح مساوات 2.29 کو اب ہم یوں لکھ سکتے ہیں مقناطیسی بہاو ϕ کو براہ راست متناسب لکھ سکتے ہیں۔ اس طرح مساوات $\lambda = L(x)$

اس مساوات میں امالہ کو L(x) کھے کر اس بات کی نشاندہی کی گئی ہے کہ یہ صرف اور صرف شکل 4.3 میں خلاء کی لمبائی x پر منحصر ہے۔

 $\partial W_{\dot{0}\dot{0}} = F_m \, \mathrm{d}x$ کی سمت میں طے ہونے والا فاصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام A.3 کی سمت میں طے ہونے والا فاصلہ A.3 خوابر کرتی ہے۔ اگر ہمیں متناطیسی میدان میں جارہ ہو گا جبکہ A.3 کی میدان میں میان کی ہوتو ہمیں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کین ہو گا۔ یعن مساوات A.3 کا تکمل A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کین ہو گا۔ یعن میدان میں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کا تکمل A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کا تکمل A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات A.3 کا تکمل A.3 کین ہو تو ہمیں مساوات کا تکمل و تکمل

(4.16)
$$\int \partial W_m = \int i(x,\lambda) \, d\lambda - \int F_m(x,\lambda) \, dx$$

اس تکمل کا حصول شکل 4.5 سے واضح ہو گا۔ابتدائی نقطے پر مقناطیسی نظام کو کوئی برقی توانائی نہیں دی گئی۔ اس لئے اس میں برقی رو صفر ہونے کی وجہ سے مقناطیسی بہاد اور ارتباط بہاد بھی صفر ہے۔اسی وجہ سے مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی بھی صفر ہے۔یوں قوت اور حرکت بھی صفر ہے۔ یوں

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

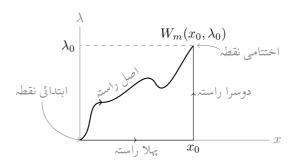
ہے۔ابتدائی نقطہ شکل 4.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ہم اب کچھے کو برتی توانائی فراہم کرتے ہیں۔ کچھے میں برتی رو رواں ہوتی ہے جس سے قوت اور حرکت پیدا ہوتی ہے۔ ہم آخر کار اختتامی نقطے پہ پہنچ جاتے ہیں۔اختتامی نقطہ بھی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پہ $\lambda = \lambda$ اور λ

ہم اس حقیقت سے فائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان ایک قدامتے پہند میدالن x_0 ہم اس حقیقت سے فائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی موان میں مقناطیسی مقناطیسی مقناطیسی مقناطیسی مقناطیسی توانائی کیال ملے مطلب سے ہے کہ ہم جس راتے سے بھی آخری نقطہ تک پہنچیں ہمیں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی کیال ملے گی لہذا ہم محمل کرتے وقت شکل 4.5 میں ابتدائی نقطہ سے پہلے راستے چلتے ہیں اور جب ہم فاصلہ x_0 طے کر لیں

integral 10

conservative field¹¹

وگا-توان بھی قدامت پندمیدان ہے ای لئے اگر کمیت m کو کسی بھی راتے h کی بلندی تک لے جایا جائے تواس کی توانائی m ہوگا۔ m



شكل 4.5: مقناطيسي ميدان ميں توانائي۔

تو یہاں سے دوسرا راستہ اختیار کر کے اختیامی نقطہ (x_0, λ_0) پہ چنہتے ہیں۔ لہذا ہم مساوات 4.16 کو اب دو کلڑوں میں کھیں گے ، نقطہ (0,0) سے نقطہ (x_0,λ_0) تک اور چھر یہاں سے نقطہ (x_0,λ_0) تک

(4.17)
$$\int_{U^{-1}, V^{-1}} \partial W_m = \int_{U^{-1}, V^{-1}} \partial W_m + \int_{U^{-1}, V^{-1}} \partial W_m$$

اس مساوات کی دائیں جانب جزو کو باری باری د کیھتے ہیں۔ پہلے رائے تکمل کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(4.18)
$$\int_{\mathbb{R}^{2}} \partial W_{m} = \int_{0}^{0} i(x,0) \, d\lambda - \int_{0}^{x_{0}} F_{m}(x,0) \, dx$$

اس راستے جیسے شکل 4.5 سے ظاہر ہے اگر ہم $x=x_0$ سے $x=x_0$ تک چلیں تو اس پورے راستے پر λ صفر کے برابر ہی رہتا ہے۔ مساوات 4.18 میں اس بات کو برقی رو i(x,0) اور قوت $F_m(x,0)$ کھ کر واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ λ کے شروع اور آخری مقدار برابر ہیں لہذا اس مساوات میں $\lambda=0$ شروع اور آخری مقدار برابر ہیں لہذا اس مساوات میں $\lambda=0$ شروع اور آخری مقدار برابر ہیں لہذا اس مساوات میں $\lambda=0$ شروع اور آخری مقدار برابر ہیں لہذا اس مساوات میں $\lambda=0$ شروع اور آخری مقدار برابر ہیں لہذا اس مساوات میں ویا ہو تھیں ہے۔

اگر $0=\lambda$ ہو تو مقناطیسی بہاو بھی صفر ہو گا۔ مقناطیسی بہاو کے صفر ہونے کا مطلب ہے کہ کوئی مقناطیسی اثر موجود نہیں للذا قوت F_m بھی صفر ہو گا۔ اور ہم جانتے ہیں کہ صفر کا تکمل صفر ہی ہوتا ہے۔ للذا اس مساوات میں $\int_0^{x_0} F_m(x,0) \, \mathrm{d}x = 0$

(4.19)
$$\int_{\mathbb{R}^{2}} \partial W_{m} = \int_{0}^{0} i(x,0) \, d\lambda - \int_{0}^{x_{0}} F_{m}(x,0) \, dx = 0$$

اسی طرح مساوات 4.17 کی دوسرے رائے کے تکمل کے جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(4.20)
$$\int_{\mathcal{Y}, \mathcal{Z}_{l_{\lambda}}} \partial W_{m} = \int_{0}^{\lambda_{0}} i(x_{0}, \lambda) d\lambda - \int_{x_{0}}^{x_{0}} F_{m}(x_{0}, \lambda) dx$$

اس میں ہم دیکھتے ہیں کہ پورے رائے $x=x_0$ رہتا ہے۔ قوت کا کمل صفر ہے چونکہ x کے ابتدائی اور اختتامی قیمتیں برابر ہیں۔ یعنی

(4.21)
$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x = 0$$

آخر میں رہ گیا برتی رو کا حکمل۔ مساوات 4.15 کو استعال کرتے ہوئے

(4.22)
$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda \, \mathrm{d}\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

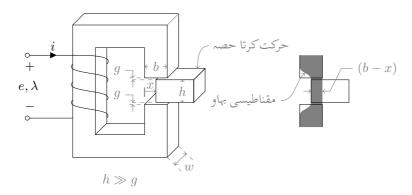
اس طرح ہمیں آخر کار مقناطیسی میدان میں توانائی کی مساوات حاصل ہو گئی۔

(4.23)
$$W = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 4.14 کے ذریعہ قوت $F_m(x,\lambda)$ اور مساوات 4.14 کے ذریعہ برقی رو $i(x,\lambda)$ کا حساب اب ممکن ہے۔

مثال 4.2: شکل 4.6 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکت کرنے والے جھے اور ساکن جھے کے مابین خلائی درز g ہے۔ اگر $0.4\,\mathrm{m}$ ہوں تو اس خلائی درز $0.4\,\mathrm{m}$ تو ان معلوم کریں۔ $0.4\,\mathrm{m}$ خلائی درز میں توانائی $0.4\,\mathrm{m}$ معلوم کریں۔

مل: چونکہ $g\gg g$ ہے لہذا مقناطیسی بہاو کا بیشتر حصہ حرکت کرتے جصے سے گزرے گا۔ ساکن جصے میں $W_m=\frac{\lambda^2}{2L}$ مقناطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ کر حرکت کرتے جصے میں سے گزرے گا۔ ہمیں معلوم ہے کہ جمیں مقاطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ کر حرکت کرتے جصے میں سے گزرے گا۔ ہمیں معلوم ہے کہ جس مقاطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ کر حرکت کرتے جصے میں سے گزرے گا۔



شكل4.6: حركت اور توانائي_

اور
$$L=\lambda i$$
 بین للذا $L=u(b-x)$ کھا جا سکتا ہے جہال $L=\frac{N^2\mu_0A_g}{2g}$ اور $W_m=\frac{1}{2}Li^2$ اور بیار بیار یوں

$$W_m = \frac{1}{2} \frac{N^2 \mu_0 A_g}{2g} i^2$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{500^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.4(0.2 - x)}{2 \times 0.001} \times 30^2$$

$$= 28278(0.2 - x)$$

جاول کے برابر ہے۔

مثال 4.3: شکل 4.6 میں توانائی کے طریقہ سے قوت F_m معلوم کریں۔

x منغيره x عل: مساوات 4.13 کېټا ہے کہ $\left| \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0} = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$ اور x ہونے چاہئے۔

مثال 4.2 میں ہم نے توانائی معلوم کی۔البتہ یہ معلوم کرنے کے لئے ہم نے کہ کی بجائے $\lambda=Li$ استعال مثال 4.2 میں ہم نے متغیرہ $\lambda=Li$ بن کیے۔ ہمیں کیا۔ یوں توانائی کے متغیرہ $\lambda=Li$ بن کیے۔ ہمیں کیا۔ یوں توانائی کے متغیرہ $\lambda=Li$ بن کی متغیرہ کی اور $\lambda=Li$ بن کی متغیرہ کی اور $\lambda=Li$ بن کی متغیرہ کی اور $\lambda=Li$ بن کی متغیرہ کی استعال نہیں کر سکتے۔ ہمیں کیا۔

$$W_m(x,\lambda)$$
 چاہئے۔ درست طریقہ یہ ہے $W_m(x,\lambda)$

$$W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2(\frac{N^2\mu_0 A_g}{2g})} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0 w(b-x)}$$

اب اسے مساوات 4.13 میں استعال کرتے ہوئے

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2 \mu_0 w (b-x)^2}$$

تفرق لینے کے بعد λ کی جگہ Li ٹر کیا جا سکتا ہے۔یوں قوت

$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28278$$

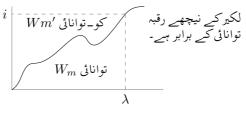
نیوٹن حاصل ہوتا ہے۔ منفی قوت کا مطلب ہے کہ قوت x کی اُلٹ جانب ہے لیعنی حرکت کرنے والا حصہ اس جانب حرکت کرے گا جس جانب فاصلہ کم ہوتا ہو۔

4.3 توانائی اور کو-توانائی

شکل 4.7 میں λ اور i کے مابین ترسیم و کھایا گیا ہے۔ جیسا آپ و کیھ سکتے ہیں کہ لکیر کے پنچے رقبہ دراصل توانائی ہی ہے۔ اگر ہم اس ترسیم پر کوئی ایک نقطہ (λ,i) لیں اور اس نکتے سے ایک لکیر پنچے کی طرف اور دوسری لکیر بائیں جانب کھنچے تو ہمیں ایک مستطیل ملتا ہے جس کا رقبہ λi کے برابر ہو گا۔ اگر اس میں سے ہم توانائی W_m منفی کر لیں تو جو مقدار ملتی ہے اس کو کو-توانائی W'_m کہتے ہیں یعنی

$$(4.24) W_m' = \lambda i - W_m$$

4.3. توانائی اور کو – توانائی



شكل 4.7: كو-توانائي كي تعريف_

اس مساوات کے تدریجی تفرق¹³

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

میں مساوات 4.10 کے استعال سے

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W'_{m} = \lambda \partial i + F_{m} \partial x$$

حاصل ہوتا ہے۔

مساوات 4.11، 4.12، 4.11 اور 4.14 کی طرح بیبال مجھی کسی مجھی نفاعل
$$z(x,y)$$
 کا تدر بیجی فرق $\partial z(x,y)=rac{\partial z}{\partial x}\,\mathrm{d}x+rac{\partial z}{\partial y}\,\mathrm{d}y$

ہے۔ یوں ہم کو-توانائی $W'_m(x,i)$ کے لئے لکھ سکتے ہیں

(4.26)
$$\partial W'_m(x,i) = \frac{\partial W'_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W'_m}{\partial i} di$$

اس مباوات کو مباوات 4.25 کے سات دیکھیں تو

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

 $partial\ differential^{13}$

اور

$$(4.28) F_m = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial x} \right|_{i_0}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ قوت معلوم کرنے کی بیہ دوسری مساوات ہے۔ اس مساوات میں کو-توانائی استعال ہوتی ہے جبکہ مساوات 4.13 میں توانائی کے ذریعہ قوت حاصل کی گئی۔

بالكل توانائي كے طريقه سے ان مساوات كے تكمل سے حاصل ہوتا ہے

(4.29)
$$W'_m(i_0, x_0) = \int_0^{i_0} \lambda(i, x_0) \, \mathrm{d}i$$

جن نظام میں λ اور i تغیر راست ہوں اور جنہیں مساوات 2.29 کے تعلق سے پیش کیا جا سکے ان کے لئے اس مساوات کو مزید یوں حل کیا جا سکتا ہے۔

(4.30)
$$W'_m(i,x) = \int_0^i L(x)i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x)i^2}{2}$$

کچھ مسائل میں توانائی اور کچھ میں کو-توانائی کا استعال زیادہ آسان ہوتا ہے۔

N مثال 4.4: شکل 4.8 میں ایک پیچدار کچھا 14 دکھایا گیا ہے جس کی محوری لمبائی $_{1}$ ، رداس $_{1}$ اور چکر $_{2}$ مثال ہوتی ہواو کی مقناطیسی بہاو محوری ست میں کچھ کے اندر ہی رہتی ہے۔ کچھ کے باہر مقناطیسی بہاو کی مقدار قابل نظر انداز ہوتی ہے۔ یوں کچھ کے اندر محوری لمبائی کی ست میں میدانی شدت $_{1}$ $_{2}$ ہوتی ہے۔

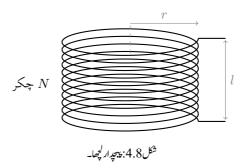
ایسے پیچپرار کچھے موصل دھاتوں کو امالی برتی توانائی کے ذریعہ پگھلانے کے لئے استعال کئے جاتے ہیں۔ میں اس طرح کی 100 کلوواٹ سے 1500 کلوواٹ سے 1500 کلوواٹ کے 1500 کلوواٹ کی امالی برقھے معنیاں کام کرتی ہیں۔اس طرح کے پیچپرار کچھے میں غیر بھٹیاں کام کرتی ہیں۔اس طرح کے پیچپرار کچھے میں غیر موصل بیالے میں موصل دھات کے ٹکڑے ڈالے جاتے ہیں اور اس کچھے میں بدلتی رو گزاری جاتی ہے۔دھات میں جھنور نما امالی برتی رو اسے گرم کرکے پھلا دیتی ہے۔لوہے کو یوں 1650 ڈگری ٹلسکس 16 تک گرم کیا جاتا ہے۔

spiral coil 14

high frequency, induction furnaces¹⁵

Celsius, Centigrade¹⁶

4.3. توانائی اور کو- توانائی 117



• اس پیچدار کچھے پر معین برقی رو I_0 گزرنے کی صورت میں رداسی سمت میں میکانی دباو یعنی قوت فی مربع رقبہ معلوم کریں۔

• میری 3000 کلو گرام لوہا پھلانے کی بھٹی کے پیچیدار کیھے کی تفصیل بچھ یوں ہے۔

$$N=11,~~I_0=10\,000\,{\rm A},~~l=0.94\,{\rm m},~~r=0.49\,{\rm m}$$

اس پر رداسی سمت میں مکانی دیاو، نیوٹن فی مربع میٹر، میں حاصل کریں۔

حل الف:

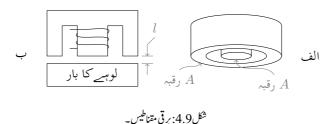
ہم کو-توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W_m'(r,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W_m'}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

یہ مثبت قوت رواسی سمت میں باہر کی جانب ہے۔ کچھ کی گول سط $A=2\pi r l$ ہے۔ یوں میکانی وباو

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8605 \,\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$



مثال 4.5: 2000 کلوواٹ سے 3000 کلوواٹ کی لوہا پگھلانے کی بھٹیاں 30 ٹن ¹⁷ سے 70 ٹن لوہا روزانہ پھلاتی ہیں۔¹⁸اتنا وزن ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرنے کی خاطر عموماً برقی مقناطیس استعال ہوتا ہے۔شکل 4.9-الف میں ایک ایبا ہی برقی مقناطیس د کھایا گیا ہے جس کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

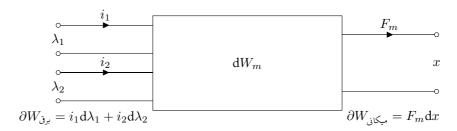
$$N = 300, \quad A = 0.8 \,\mathrm{m}^2, \quad I = 30 \,\mathrm{A}$$

اگر برقی مقناطیسی اور لوہے کے در میان اوسط فاصلہ 2.5 سنٹی میٹر لیا جائے تو یہ برقی مقناطیسی کتنی کمیت لوہا اٹھا سکتی ہے۔

عل:

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 A}{2l} \\ W_m'(l,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l} \\ F &= \frac{\partial W_m}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.0254^2} = 31\,558\,\mathrm{N} \\ &= \frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$$
 يوں يہ مقناطيس ۾ مقناطيس ڪيا آھي سکتا ہے۔

¹⁷ ہزار کلو گرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ ¹⁸ بیمیں اینے تجربے کی بنیاد پر کہدرہاہوں۔



شكل4.10: دولچھوں كانظام_

حل: مساوات 4.30 سے

$$W'_m = \frac{L(x)i^2}{2} = \frac{N^2 \mu_0 w(b-x)i^2}{4g}$$

اور مساوات 4.28 سے

$$F_m = \frac{\partial W_m}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4g} = -28278 \,\mathrm{N}$$

یہ اتنی ہی قوت ہے۔ ہونا بھی ایسا ہی چاہئے۔

4.4 زياده ليجھوں كامقناطيسي نظام

ا بھی تک صرف ایک لچھے کے نظام کا مطالعہ کیا گیا ہے۔ اس حصہ میں ایک سے زیادہ لچھوں کے نظام کا مطالعہ کیا جائے گا۔ زیادہ لچھوں کا نظام بھی بالکل ایک لچھے کے نظام کی طرح عل ہوتے ہیں۔ شکل 4.10 میں بائیں جانب

ایک کچھے کا برقی رو i_1 اور دوسرے کچھے کا برقی رو i_2 ہے۔ للذا

$$\partial W_{\ddot{\beta}_{\omega}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

$$\partial W_{\mathbf{j}} = \partial W_{\mathbf{j}} + \partial W_{\mathbf{m}}$$

$$(4.33) i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 = F_m dx + \partial W_m$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں پہلی مساوات کو دوسری میں پُر کرتے ہوئے تیسری مساوات حاصل کی گئی جسے مزید یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 - F_m dx$$

اب بالكل مساوات 4.11 كى طرح

(4.35)
$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} dx$$

اس مساوات میں ہم نے دائیں طرف کی جگه لکھا ہے۔ مساوات 4.34 اور 4.35 سے حاصل ہوتا ہے

(4.36)
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, x}$$

(4.37)
$$i_2 = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_2} \bigg|_{\lambda_1, x}$$

(4.38)
$$F_m = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

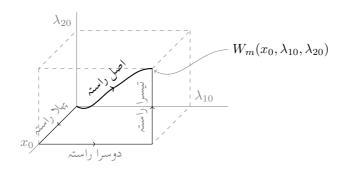
یه مساوات تب استعال ہو سکتے ہیں جب ہمیں توانائی W_m معلوم ہو للذا ہم پہلے اس کو معلوم کرتے ہیں۔

شکل 4.10 میں دونوں کچھوں کو اس طرح طاقت دی جاتی ہے کہ λ_1 اور λ_2 آہتہ آہتہ صفر سے بڑھتے ہوئے اور λ_2 تک پہنچ جاتے ہیں اور سات ہی سات x صفر سے تبدیل ہو کر x ہو جاتا ہے۔ اس اصل راست کو شکل λ_1 میں موٹی کلیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ بالکل مساوات 4.11 کی طرح ہم کھے سکتے ہیں۔

(4.39)
$$\int\limits_{\text{clust}} \partial W_m = \int\limits_{\text{clust}} \partial W_m + \int\limits_{\text{clust}} \partial W_m + \int\limits_{\text{clust}} \partial W_m$$

ہم دائیں جانب کے تکمل کو باری باری حل کرتے ہیں۔

(4.40)
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_{m} = \int_{0}^{0} i_{1} d\lambda_{1} + \int_{0}^{0} i_{2} d\lambda_{2} - \int_{0}^{x_{0}} F_{m} dx$$



شکل 4.11: دولچھوں کے نظام میں مقناطیسی میدان میں توانائی۔

اگر تکمل کے ابتدائی اور اختای نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.41)
$$\int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

ہوں گے۔ پہلے راتے λ_1 اور λ_2 دونوں صفر ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ دونوں کیجھوں میں برقی رو صفر ہے، للذا متناطیسی بہاو کی غیر موجودگی میں قوت $F_m=0$ ہو گا اور صفر کا تکمل صفر ہی ہوتا ہے یعنی

(4.42)
$$\int_0^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = \int_0^{x_0} 0 \, \mathrm{d}x = 0$$

اس طرح

$$\int_{v_{m}} \partial W_{m} = 0$$

حاصل ہوتا ہے۔ دوسرے راستے پر

(4.44)
$$\int_{V_m} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \, d\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \, d\lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, dx$$

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کے ابتدائی اور اختتابی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.45)
$$\int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے جس سے

$$\int_{V_m} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1$$

رہ جاتا ہے۔ یہاں ہمیں مساوات 2.33 ، 2.36 اور 2.38 کی ضرورت پڑتی ہے۔ یہ تین مساوات مندرجہ ذیل ہیں

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$$

$$(4.49) L_{12} = L_{21}$$

ان مساواتوں کو ہم i_1 اور i_2 کے لئے حل کریں تو حاصل ہوتا ہے۔

(4.50)
$$i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

(4.51)
$$i_2 = \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D}$$

جہاں

$$(4.52) D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

کے برابر ہے۔اب ہم مساوات 4.46 میں مساوات 4.50 پُر کرتے ہیں۔ چونکہ دوسرے راستے یہ λ_2 صفر ہے لہذا

(4.53)
$$\int_0^{\lambda_{1_0}} \left(\frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) d\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{1_0}} \lambda_1 d\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

کے برابر ہے۔یوں

$$\int_{\mathcal{V}_{2},\mathcal{V}_{2}} \partial W_{m} = \frac{L_{22}\lambda_{1_{0}}^{2}}{2D}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اسی طرح تیسرے راستے پر

(4.55)
$$\int_{\lambda_{1_0}} \partial W_m = \int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, d\lambda_1 + \int_0^{\lambda_{2_0}} i_2 \, d\lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, dx$$

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کے ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.56)
$$\int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے اور بقایا تھے میں i_2 پُر کرتے ہوئے

(4.57)
$$\int_{0}^{\lambda_{2_{0}}} i_{2} d\lambda_{2} = \int_{0}^{\lambda_{2_{0}}} \left(\frac{L_{11}\lambda_{2} - L_{21}\lambda_{1}}{D} \right) d\lambda_{2}$$
$$= \frac{L_{11}\lambda_{2_{0}}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے

(4.58)
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_m = \frac{L_{11}\lambda_{20}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

ملتا ہے۔

مساوات 4.434 ،4.54 اور 4.58 کو جمع کر کے مساوات 4.39 کا عل ملتا ہے۔

(4.59)
$$\int \partial W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

اسی طرح اگر ہم کو-توانائی سے حل کرتے تو

(4.60)
$$\partial W'_m(x, i_1, i_2) = \lambda_1 di_1 + \lambda_2 di_2 + F_m dx$$

جہاں

(4.61)
$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_1} \right|_{x, i_2}$$

(4.62)
$$\lambda_2 = \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_2} \bigg|_{x, i_1}$$

(4.63)
$$F_m = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial x} \right|_{i_1, i_2}$$

(4.64)
$$W'_m(x, i_1, i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

جس سے قوت کی مساوات

(4.65)
$$F_m = \frac{i_1^2}{2} \frac{dL_{11}(x)}{dx} + \frac{i_2^2}{2} \frac{dL_{22}(x)}{dx} + i_1 i_2 \frac{dL_{12}(x)}{dx}$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 4.7: شکل 4.10 میں میکانی کام کو
$$\theta \theta = T_m \, \mathrm{d}\theta$$
 کور توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔ حل:

$$\partial W_{\mathbf{\bar{\mathbf{\mathcal{j}}}}_{\mathcal{L}}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

اور $\partial W_{\dot{\mathfrak{z}}_{m}} = T_m \,\mathrm{d} heta$ کو

$$\partial W_{\vec{i}} = \partial W_{\dot{i}} + \partial W_m$$

میں پُر کرنے سے

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - T_m \, \mathrm{d}\theta$$

 W_m حاصل ہوتا ہے۔ W_m کے جزوی تفرق

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} d\theta$$

کا مساوات 4.66 کے ساتھ موازنہ کرنے سے

(4.67)
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, \theta}$$

(4.68)
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1, \theta}$$

(4.69)
$$T_m = -\left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \theta} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان مساوات کا آخری جزو بالکل مساوات 4.34 کی طرح ہے۔اس کو حل کرنے کا ایک ایک قدم بالکل مساوات 4.34 کو حل کرنے کی طرح ہو گا بس فاصلہ x کی جگہ زاویہ θ آئے گا۔یوں جواب میں میدانی توانائی کے متغیرات $\lambda_1,\lambda_2,\theta$ ہوں گے یعنی۔

(4.70)
$$W_m(\lambda_{1_0}, \lambda_{2_0}, \theta_0) = \int W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

اسی طرح کو-توانائی کے لئے جواب یہ ہے

$$\partial W'_m(i_1, i_2, \theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$

(4.72)
$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{1}} \bigg|_{i_{2}, \theta}$$

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{2}} \bigg|_{i_{1}, \theta}$$

$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial \theta} \bigg|_{i_{1}, i_{2}}$$

جہاں

(4.73)
$$W'_m(i_1, i_2, \theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

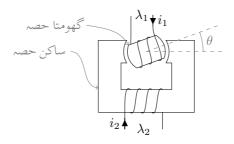
ہے۔

مثال 4.8: شکل 4.12 میں دو گیھوں کا نظام د کھایا گیا ہے۔اس نظام کا ایک حصہ ساکن رہتا ہے اور دوسرا گھوم سکتا ہے۔افقی کیبر سے گھڑی کی اُلٹی جانب زاویہ θ ناپا جاتا ہے۔ گیھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندرجہ ذیل ہیں۔

$$L_{11} = 20 + 30\cos 2\theta$$

$$L_{22} = (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3}$$

$$L_{12} = 0.15\cos \theta$$



شکل 4.12: دولچھوں کے نظام میں قوت مروڑ۔

برتی رو T_m معلوم کریں۔ $i_1=0.02\,\mathrm{A}, i_2=5\,\mathrm{A}$ معلوم کریں۔

حل: مساوات 4.73 سے کو-توانائی حاصل ہوتی ہے اور مساوات 4.72 کے آخری جزو سے قوت مروڑ لینی

$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_2^2 \sin 2\theta - 0.15i_1i_2 \sin \theta$$
$$= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$
$$= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$

قوت مروڑ منفی ہونے کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں گے تو یہ نظام اسے کم کرنے کی کوشش کریں تو یہ زاویہ بڑھانے کی اسے کم کرنے کی کوشش کریں تو یہ زاویہ بڑھانے کی جانب قوت مروڑ پیدا کرے گا۔سادہ زبان میں گھومتا حصہ اُفقی لکیر پر رہنے کی کوشش کرے گا۔

باب5

گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشین کے بنیادی اصول پر غور کیا جائے گا۔ ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قشم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

5.1 قانونِ فيرادُك

فیراڈے کے قانون اکے تحت جب بھی ایک کچھے کا ارتباط بہاد \ وقت کے ساتھ تبدیل ہو تو اس کچھے میں برقی دباو پیدا ہوتا ہے۔ یعنی

(5.1)
$$e = -\frac{\partial \lambda}{\partial t} = -N\frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گھو متے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے لائی جاتی ہے۔ یا تو کچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھمایا جاتا ہے، یا پھر ساکن کچھے میں مقناطیس گھمایا جاتا ہے، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law¹

لی بہاو سے دیادہ سے زیادہ مقناطیسی قالب 2 پر لیٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو عاصل کیا جاتا ہے۔ دیگر رہے کہ قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ دیگر رہے کہ قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کی جگہ پہنچایا جاتا ہے۔

چونکہ ایسے مثین کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو³ پیدا ہوتا ہے۔ ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر، قالب کو باریک لوہے کی پتر ی⁴ تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے ۔ یہ بالکل اسی طرح ہے جیسے ٹرانسفار مروں میں کیا جاتا ہے۔

5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برتی جزیٹر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے۔ اس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ θ_m سے بتلائی جاتی ہے۔ افقی کلیر سے گھڑی کے الٹ سمت زاویہ θ_m نایا جاتا ہے۔

n یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیس ایک مقررہ رفتار سے یوں گھوم رہا ہو کہ یہ ہر سینڈ میں n مکمل چکر لگائے تو ہم کہتے ہیں کہ مقناطیس کے گھومنے کی تعدد n ہر ٹڑ⁵ ہے۔اس بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیس 60n چکر فی منٹ 6 کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 60n زاویہ یا 2π ریڈیئن 7 پہم مشتمل ہوتا ہے۔ الہذا اس گھومنے کی رفتار کو 2π ریڈیئن فی سینڈ بھی کہا جا سکتا ہے۔اس بات کو اب ہم یوں بیان کر سکتے ہیں۔ اگر مقناطیس کے گھومنے کی تعدد 7 ہر ٹر ہو تو یہ ω ریڈیئن فی سینڈ کی رفتار سے گھومتا ہے۔ جہاں 0 0 عدد 0 0 عدد 0 0 تعدد کی تعدد کی تعدد کی سے بین کے سومتا ہے۔ جہاں مقاطیس کے گھومنے کی تعدد کی ہر ٹر ہو تو یہ 0 ریڈیئن فی سینڈ کی رفتار سے گھومتا ہے۔ جہاں

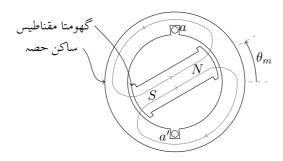
اس کتاب میں گھومنے کی رفتار عموماً ریڈیٹن فی سینڈ میں ہی بیان کی جائے گی۔

شکل 5.1 میں دکھائے گئے مثین میں مقناطیس کے دو قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطب والا مثین کہتے ہیں۔ اس مثین میں ایک ساکن لچھا استعال ہوا ہے جس کی وجہ سے اس کو ایک لچھے کا مثین بھی کہتے ہیں۔ اس کے باہر

magnetic core²
eddy currents³
laminations⁴
Hertz⁵

rounds per minute, rpm⁶ radians⁷

5.2 معاصر شين



شکل 5.1: دوقطب،ایک دور کامعاصر جزیٹر۔

a' مقناطیسی قالب ہے۔ قالب میں، اندرکی جانب دو شکاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ لچھے کو a اور a اور a وجہ سے واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ یہ لچھا جزیٹر کے ساکن حصہ یہ پایا جاتا ہے لہذا یہ بھی ساکن رہتا ہے اور اسی وجہ سے اسے ساکھ لچھا a کہتے ہیں۔

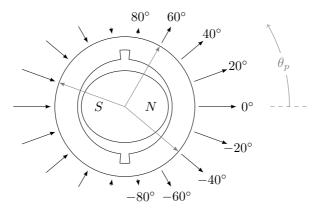
متناطیس کا مقناطیس بہاو اس کے شالی قطب N^9 سے نکل کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر اور ایک مرتبہ پھر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا مقناطیس کے جنوبی قطب S^{-10} میں داخل ہوتا ہے۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کے کبیروں سے دکھایا گیا ہے۔ اگر غور کیا جائے تو یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کھیے میں سے بھی گزرتا ہے۔

شکل 5.1 میں مقناطیس سیدھے سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔ شکل 5.2 میں اس مقناطیس کو تقریباً گول دکھایا گیا ہے۔ یہاں مقناطیس کے محور کا زاویہ θ_m صفر کے برابر ہے۔مقناطیس اور ساکن قالب کے در میان صفر زاویہ، لینی $\theta=\theta$ ، پر خلائی درزکی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ، لینی $90=|\theta|$ ، پہ زیادہ سے زیادہ ہے۔کم خلائی درزکو بول تبدیل کیا جاتا ہے کہ خلائی درزمیں سائن نما مقناطیسی بہاو سے زیادہ مقناطیسی بہاو ممکن ہوتا ہے۔خلائی درزکو بول تبدیل کیا جاتا ہے کہ خلائی درزمیں سائن نما مقناطیسی بہاو میناطیسی بہاو مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پہ داخل ہوتا ہے۔ اگر مقناطیس اور قالب کے در میان خلائی درزمیں θ سائن نما ہو، لیعنی خلائی درزمیں θ سائن نما ہو، لیعنی

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

 $heta_p = 3$ تو خلائی در زمیں مقناطیسی بہاو B کی مقدار B کے ساتھ تبدیل ہو گی۔یہ کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر زاویہ، لینی مقدار B ساتھ تبدیل ہو گی۔یہ کثافت مقناطیس کے شالی قطب سے B0 پہر زیادہ سے زیادہ ہو گی اور نوے زاویہ، لینی B1 و B2 سے نادہ سے زیادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے B3 ہو مقناطیس کے شالی قطب سے B4 ہو گی۔یہ نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کی شالی مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقاطیس کے شالی قطب سے نادہ ہو گی۔یہ کا مقالی کی مقداد ہو گیا ہو

stator coil⁸ north pole⁹ south pole¹⁰



شکل 5.2: کثافت مقناطیسی بہاو کی زاویہ کے ساتھ تبدیلی۔

گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جے کے باہر نوک دار لکیروں سے اس کثافتِ مقناطیسی بہاو کی مقدار اور اس کی سمت دکھائی گئی ہے۔ شکل میں بلکی سابی سے 60° واور 60° اور 60° اور 60° اور 60° اور 60° اور 60° اور اس کی سمت میں ہے۔ اس دکھائی گئی ہے۔ جیسا کہ آپ دکھ سکتے ہیں، 60° اور 60° زاوبوں پر مقناطیسی بہاو مقناطیسی بہاو ردائی سمت کے عین الٹ ہے۔ یوں شکل سے آپ دکھ سکتے ہیں کہ آدھ خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو ردائی کی سمت میں ہے۔ یہ فکل میں دکھایا گیا ہے۔ اگر ہم خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو B اور زاوبیہ B کا ترسیم کھینیں تو یہ سائن نما ہو گلہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اگر ہم خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو B اور ناوبہ وگل ورز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کی سمت میں ہو گا۔ شکل ہیں مقناطیس کی اور زاوبہ پہر دکھایا گیا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ کثافتِ مقناطیسی بہاو گا۔ مقدار ہر حالت میں مقناطیس کے شالی قطب پہر زیادہ ہو گا اور یہاں اس کا رُخ رداس کی سمت میں ہو گا۔ شکل حرز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو B داور B اور رہاں دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل کے لئے ہم شکھ سکتے ہیں۔ اس شکل کے لئے ہم

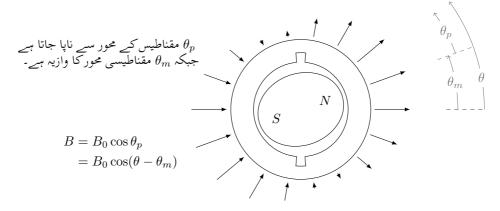
(5.4)
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

للذا

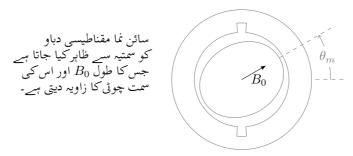
$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس سے پیدا سائن نما مقناطیسی دباو دکھایا گیا ہے۔ ایسے مقناطیسی دباو کو ہم عموماً ایک

5.2. معاصر مشين



شكل 5.3: جب مقناطيس كسى زاويه پيه جوتو كثافت مقناطيسي بهاويوں ہوگا

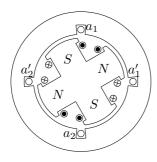


شكل 5.4: مقناطيسي دباوكوسمتىيە سے ظاہر كياجاتا ہے۔

سمتیہ سے ظاہر کرتے ہیں جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباو کے حیطہ کے برابر ہوتا ہے اور اس کی سمت مقناطیس کی شال کو ظاہر کرتا ہے۔ شکل 5.4 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ اس سمتیہ کی سمت سائن نما مقناطیسی دباو کے حیطہ کو واضح کرتا ہے۔

 λ_{θ} کیل 5.3 میں مقناطیس کو کسی ایک لمحہ t_1 زاویہ $\theta_m(t_1)$ پہ وکھایا گیا ہے۔ یہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو e(t) برقی ہے۔ اگر مقناطیس، گھڑی کے الٹی سمت، ایک مقررہ رفتار ω_0 ہے گھوم رہا ہو تو ساکن کچھے میں اس لمحہ e(t) برقی دراو پیدا ہو گا جہاں

$$(5.6) e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$





شكل 5.5: چار قطب والاا يك دور معاصر جنريٹر۔

کے برابر ہے۔ چونکہ ہمیں برقی دباو کی قیت ناکہ اس کے \mp ہونے سے دلچین ہے للذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔

جب مقناطیس آدھا چکر، یعنی π ریڈیئن، گھوے تو اس کے دونوں قطب آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گے۔ لیجے میں مقناطیس بہاو کی سمت اُلٹی ہو جائے گی۔ ساکن لیجے میں ارتباط بہاو اب $-\lambda_0$ ہو جائے گا اور اس میں امالی برقی دباو -e(t) ہو جائیں گے۔ اور جب مقناطیس ایک مکمل چکر کاٹے تو مقناطیس ایک مرتبہ پھر اس جگہ ہو گا جہاں ہے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ساکن لیجے کا ارتباط بہاو ایک مرتبہ پھر λ_0 ہی ہو گا اور اس میں امالی برقی دباو بھی ایک مرتبہ پھر λ_0 ہی ہو گا اور اس میں امالی برقی دباو بھی ایک مرتبہ پھر λ_0 ہی ہوں گے۔ لیعنی مقناطیس اگر λ_0 ہی اور اس میں امالی برقی دباو کے زاویہ میں مرتبہ پھر λ_0 کا زاویہ طے کرے تو امالی برقی دباو کے زاویہ میں λ_0 کی تبدیلی آتی ہے۔ لہذا دو قطب کی مشین میں میکانی زاویہ λ_0 اور برقی زاویہ λ_0 برابر ہوتے ہیں، یعنی λ_0

 $\theta_e = \theta_m$

n اس مشین میں اگر مقناطیس n چکر فی سینڈ کی رفتار سے گھوے تو لیچھ میں امالی برقی دباو e(t) بھی ایک سینڈ میں $f_e=n$ کمل چکر کاٹے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ e(t) کے تعدد f_e^{11} کی مقدار n ہر ٹرن¹² ہے۔ لیخی اس صورت میں e(t) کی سکتے ہیں ہر ٹرن¹³ یا ہم کسی تعدد کے لئے لکھ سکتے ہیں

 $f_e = f_m$

چونکہ اس مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e وقت کے سات تبدیل ہوتے بھی آپس میں ایک نسبت رکھتے ہیں للذا ایسے مشین کو معاصر مشین 14 کہتے ہیں۔ یہال یہ نسبت ایک کی ہے۔

frequency¹¹

 $Hertz^{12}$

 $[\]mathrm{Hertz},\,\mathrm{Hz^{13}}$

synchronous machine¹⁴

5.2 معاصر مشين

شکل 5.5 میں چار قطب، ایک دور کا معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مثین میں عموماً مقناطیس ہی استعال ہوتے ہیں۔ البتہ بڑے مثین میں برقمے مقناطیس 15 استعال ہوتے ہیں۔ شکل 5.5 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ دو سے زیادہ قطب والے مثین میں کی ایک شالی قطب کو حوالہ متن بنایا جاتا ہے۔ شکل میں اس قطب کو θ_m پہ دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب $(\theta_m+\pi)$ کے زاویہ یہ ہے۔

حییا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں موجود مقناطیس کے چار قطب ہیں۔ ہر ایک شالی قطب کے بعد ایک جونی قطب آتا ہے۔ ایک دور کی آلوں میں مقناطیس کے جتنے قطب کے جوڑے ہوتے ہیں، اس میں اسے ہی ساکن کچھے ہوتے ہیں۔ پتا ہیں لہٰذا اس مشین کے ساکن کچھے ہوتے ہیں۔ پنا لہٰذا اس مشین کے ساکن حصہ یہ دو ساکن کچھے لیٹے گئے ہیں۔ ایک کچھے کو a_1 سے واضح کیا گیا ہے اور دو سرے کو 2 سے۔ کچھے اس موجود دو شگاف a_1 اور a_1 میں لیمٹا گیا ہے۔ اس طرح a_2 کیا گیا ہے اور دو شگاف a_3 اور a_1 میں رکھا گیا ہے۔ ان موجود دو شگاف a_1 اور a_2 میں لیمٹا گیا ہے۔ اس طرح جزیئر کی میں موجود دو شگاف ہیں کیساں برقی دباو پیدا ہوتی ہے۔ ان دونوں کچھوں کو سلسلہ وار 16 جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیئر کی کل برقی دباو ایک کچھے میں پیدا برقی دباو کے دگنا ہوتا ہے۔ ایک دور کے آلوں میں اگر قالب کو، مقناطیس کے جنے قطب ہوں اسے حصوں میں تقسیم کر لیا جائے، تو اس مشین کا ہر ایک ساکن کچھا ایسا ایک حصہ گھیرتا ہے۔ شکل میں چار قطب ہیں لہٰذا اس کا ایک کچھا نوے میکانی زاویہ کے اصاطے کو گھیر دہا ہے۔

اب تک ہم نے گھومتے کچھے اور ساکن کچھے کی بات کی ہے۔ یہ دو کچھے دراصل دو بالکل مختلف کار کردگی کے حامل ہوتے ہیں۔اس بات کی یہاں وضاحت کرتے ہیں۔

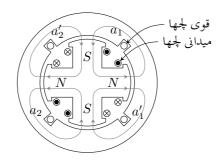
جیسا پہلے بھی ذکر ہوا چھوٹی گھومتی آلوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس ہی فراہم کرتی ہے جبکہ بڑے آلوں میں برقی مقناطیس یہ میدان فراہم کرتی ہے۔ اگرچہ اب تک کی شکلوں میں مقناطیس کو گھومتے حصہ کے طور پر دکھایا گیا ہے مگر حقیقت میں یہ بھی مشین کا گھومتا حصہ اور بھی یہ اس کا ساکن حصہ ہوتا ہے۔ میدان فراہم کرنے والا کچھا مشین کے کل برقی طاقت کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔ اس میدان فراہم کرنے والے کچھا مشین کے کل برقی طاقت کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔ اس میدان فراہم کرنے والے بھے کو میدانی کچھ ہیں۔ برقی جزیر شرک خوروں میں میدانی کچھ میں چند فی صد برقی طاقت کے خرج کے علاوہ بقایا سارا برقی طاقت اس قوی کچھ کو ہی فراہم کیا جاتا ہے۔

electromagnet¹⁵

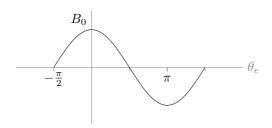
series connected¹⁶

field coil¹⁷

armature $coil^{18}$



شكل 5.6: چار قطب اور دو لچھے والے مثين ميں مقناطيسي بہاو۔



شكل 5.7: سائن نما كثافت مقناطيسي بهاو_

اب اگر ہم، گھومتے اور ساکن حصہ کے در میان، خلائی در زمیں B کو دیکھیں تو شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر کی جانب نکل کر قالب میں داخل ہوتا ہے جبکہ جنوبی قطب میں مقناطیسی بہاو قالب سے نکل کر جنوبی قطب میں اندر کی جانب داخل ہوتا ہے۔ یہ شکل 5.6 میں دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی در زمیں ایک گول چکر کا ٹمیں تو مقناطیسی بہاو کی سمت دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گی۔ مزید یہ کہ آلوں میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی در زمیں B سائن نما ہو۔ یہ کیے کیا جاتا ہے، اس کو ہم آگے پڑھیں گے۔ المذا آگر یہ تصور کر لیا جاتا ہے کہ کہ B سائن نما ہی ہے تب خلائی در زمیں B کی مقدار، شکل 5.7 کی طرح ہو گی۔ اس شکل میں برقی زاویہ θ استعال کیا گیا ہے۔

یوں ہم ایک ایس معاصر مثین جس میں P قطب مقناطیس پایا جاتا ہو کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

اس صورت میں میکانی اور برقی تعدد ایک مرتبہ پھر آپس میں ایک نسبت رکتے ہیں۔

5.2 معاصرمشين

مثال 5.1: پاکتان میں گھروں اور کارخانوں میں $60~{
m Hz}$ کی برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے لیعنی ہمارے ہاں $f_e=50$

- اگریہ برقی طاقت دو قطب کے جزیٹر سے حاصل کی جائے تو یہ جزیٹر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔
 - اگر جزیٹر کے بیں قطب ہوں تب یہ جزیٹر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔

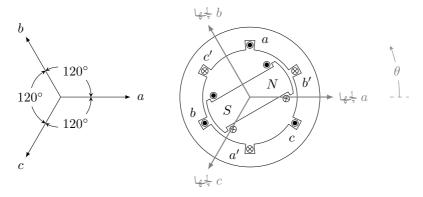
حل:

- مساوات 8.5 سے ہم دیکھتے ہیں کہ اگر یہ برقی طاقت دو قطب، P=2، والے جزیڑ سے حاصل کی جائے تو اس جزیڑ کو $f_m=50$ چکر فی سینڈ لیعنی $g_m=50$ چکر فی منٹ $g_m=50$ جن منٹ واس جزیڑ کو $g_m=50$
- $f_m=5$ و اگر یہی برقی طاقت ہیں قطب، P=20، والے جزیڑ سے حاصل کی جائے تو پھر اس جزیڑ کو P=5 والے جزیر فی منٹ کی رفتار سے گھمانا ہو گا۔

شکل 5.8 میں دو قطب والا تین دور کا معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھ میں دیا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تو یہ بالکل شکل کچھ میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیئے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

اگر a کچھا میں برقی رو یوں ہو کہ شگاف a میں برقی رو ، کتاب کے صفحہ سے عمودی رُخ میں باہر کی جانب ہو اور a میں برقی رو کا رخ اس کے بالکل الٹ سمت میں ہو تو ہم کچھے کی سمت کا تعین دائیں ہاتھ کے ذریعہ یوں کرتے ہیں۔

rpm, rounds per minute¹⁹



شكل 5.8: دوقطب، تين دور معاصر مشين ـ

• اگر ہم دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شکافوں میں برقی رو کی جانب لیٹیں تو اسی ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کی سمت متعین کرتا ہے۔

شکل 5.8 میں لچھا a کی سمت تیر والی لکیر سے دکھائی گئی ہے۔ اس سمت کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ للذا شکل میں a لیچھا صفر زاویہ پر لیٹا گیا ہے، لینی $\theta_a=0^\circ$ ہے۔ باقی کچھوں کے زاویہ ، لچھا a کی سمت سے، گھڑی کی اُلٹی رُخ، نایے جاتے ہیں۔

شکل 5.8 میں کچھا d کو شگاف d اور b' میں رکھا گیا ہے اور کچھا c کو شگاف c اور c' میں رکھا گیا ہے۔ مزید سے کہ کچھا d کو d اور d وادر d کو d وادر کچھا کے خاص کی جانے کے خاص کے خاص کے خاص کے خاص کے خاص کے خاص کی کھا گیا ہے۔ کینے کے خاص کے خاص کے خاص کی خاص کے خاص

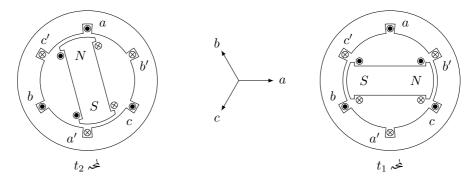
شکل 5.9 میں دکھائے گئے کھے t_1 پر اگر کچھ a کا ارتباط بہاو (t_1) ہو تو جب مقناطیس t_2 کا زاویہ طے کر t_3 کے اس کھے ہیں کہ لیے t_4 مقناطیس اور کچھا t_5 کی ارتباط بہاو (t_4) ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ لیے t_5 بر مقناطیس اور کچھا t_5 ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ لیے t_5 بر مقناطیس اور کچھا t_5 ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ لیے الکی ارتباط بہاو بالکل اتنا ہی ہو گا جتنا لیے t_5 سے بین جیسے t_5 بر مقناطیس اور کچھا t_5 سے للذا لیے t_5 بر کچھا کا ارتباط بہاو بالکل اتنا ہی ہو گا جتنا لیے t_5 بر کچھا کا تھا۔ یعنی

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ای طرح اگر مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کرے تو اس لمحہ t_3 پر لچھا c کا ارتباط بہاو (t_3) ہو گا اور مزید ہیہ کہ یہ کہ کے برابر ہو گا۔یوں

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

5.2 معاصرمشين



شكل 5.9: دوقطب تين دور مشين ـ

ہیں۔ان کمات پر ان کیھوں میں

(5.11)
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

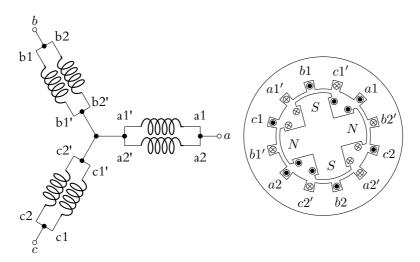
$$(5.12) e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

(5.13)
$$e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔مساوات 5.10 کی روشنی میں

(5.14)
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف لچھا a پایا جاتا تو یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اب اگر اس میں مقناطیس کو گھڑی کی اُلٹی سمت ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تو، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھے a میں سائن نما برقی وباو پیدا ہوتی۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دوسرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں۔ للذا اب شکل 5.9 میں اگر مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تو اس میں موجود تینوں سائن کچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہو گی البتہ مساوات a مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تو اس میں موجود تینوں سائن کچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہو گی البتہ مساوات a کے تحت بیہ برقی دباو آپس میں a 120° کے زاویہ پر ہوں گے۔



شكل5.10: چار قطب، تين دور معاصر مشين ـ

میں دو قطبین کے احاطے لیعنی °180 میکانی زاویہ میں آپ کو بالکل اسی طرح تین دور کے 61، 180° 180° اور 22′ 180° اور 22′ اور 23′ نظر آتے ہیں۔ کسی کھی لمحہ 1 ہو 1 اور 22 کھیوں میں بالکل کیساں برتی دباو پیدا ہو گی۔ تین دور کے دو کیساں کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے۔ شکل میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے۔ جہاں کہ کچھے کو صفر زاویہ پر تصور کیا گیا ہے۔

5.3 محرك برقى دباو

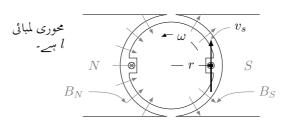
قانونِ لوریز 20 کے تحت اگر برقی بار 21 q مقناطیسی میدان B میں سمتی رفتار v سے حرکت کر رہا ہو تو اس پر قوت F اثر کرے گی جہال

$$(5.15) F = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B})$$

کے برابر ہے۔

 $\begin{array}{c} {\rm Lorentz~law^{20}} \\ {\rm charge^{21}} \end{array}$

5.3. محسر ك_بر قي دباو



شكل 5.11: ايك چكر كالجهامقناطيسي ميدان ميں گھوم رہاہے۔

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی بارکی سمتی رفتار ہے للذا مقناطیسی میدان کو ساکن تصور کر کے اس میں برقی بار کی سمتی رفتار وہ ہو گی۔

اس قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاتی ہے۔اگریہ برقی بار شروع کے نقطہ سے آخری نقطہ تک سمتی فاصلہ 1 طے کرے تو اس پر W کام ہو گا جہاں

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برقی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے مابین برقے دباو²² کہتے ہیں اور اس کی اکائی وولٹے V ²³ ہے۔یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے مابین حاصل برقی دباو

(5.17)
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

وولٹ ہو گی۔

اس طرح حرکت کی مدد سے حاصل برتی دباو کو محرکے برتی دباو²⁴ کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برتی دباو کھ کرک برتی دباو کھی دباو کھی دباو کہاتی ہے۔

اس مساوات کو شکل 5.11 میں استعال کرتے ہیں۔ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔ بائیں جانب خلاء میں لچھے کی برتی تارپر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت اس تار میں موجود مثبت برتی بارپر صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب قوت اثر انداز ہو گی اور اس میں موجود منفی برتی بارپر اس کی اُلٹ سمت قوت عمل کرے گی۔ اس طرح مساوات 5.17 کے تحت صفحہ سے باہر جانب برتی تارکا سرا برتی دباوہ کا مثبت سرا ہو گا اور صفحہ کی اندر جانب برتی تارکا سرا برتی دباوہ کا مثبت سرا ہو گا اور صفحہ کی اندر جانب برتی تارکا سرا برتی دباوہ کا منفی سرا ہو گا۔

potential difference, voltage²²

electromotive force, emf^{24}

اگر گھومتے حصہ کی محور پر نکلی محدد قائم کی جائے تو جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی سمت میں ہے جبکہ شالی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تار b کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں شگاف میں برتی تار b کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

(5.18)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{v}_S &= v \boldsymbol{a}_\theta = \omega r \boldsymbol{a}_\theta \\ \boldsymbol{B}_S &= B \boldsymbol{a}_{\mathtt{T}} \\ \boldsymbol{l}_S &= l \boldsymbol{a}_{\mathtt{Z}} \end{aligned}$$

للذا اس جانب لحجهے کی ایک تار میں پیدا محرک برقی دباو

(5.19)
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l (\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l (-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

ہو گی۔

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت a_Z کی گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباو کے منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سرا a_Z کی سمت میں ہے لینی اس کا نجلا سرا مثبت اور اوپر والا سرا منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تارمیں برقی روگزر سکے تو اس کی سمت a_Z لینی صفحہ کی عمودی سمت میں اندرکی جانب ہوگی جے شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اسی طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برتی تار کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

(5.20)
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

اور يول

(5.21)
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N}$$
$$= -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= \omega r B l$$

5.3. محسر كب برقى دباو

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت a_z لی گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباو کے مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سرا a_z کی سمت میں ہے بینی اس کا اوپر والا سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تار میں برقی روگزر سکے تو اس کی سمت a_z بینی صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب ہوگی جسے شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دو برقی تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان دونوں کے نچلے سرے سلسلہ وار جڑے ہیں جو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔ یوں اس کچھے کے اوپر نظر آنے والے سروں پر کل برقی دباو e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباو کا مجموعہ ہو گا یعنی

(5.22)
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

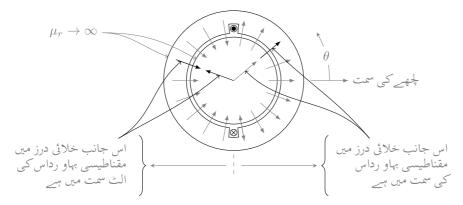
یہاں کچھے کا رقبہ N ہوتی ہے تو N ہوتی ہے اگر ایک چکر سے اتن برقی دباہ حاصل ہوتی ہے تو N

(5.23)
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

حاصل ہو گا۔

گومتی آلوں میں خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 سے ظاہر ہے کہ اگر گھو سنے کی رفتار اور محوری لمبائی معین ہوں تو پیدا کردہ برتی دباو ہر لمحہ B کے براہِ راست متناسب ہو گا۔للذا اگر خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔یوں جس شکل میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔یوں جس شکل کی برتی دباہ حاصل کرنی ہو اُسی شکل کی کثافتِ مقناطیسی دباہ خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔اگر سائن نما برتی دباہ پیدا کرنی مقصد ہو تو خلائی درز میں مجیط پر سائن نما کشافتِ مقناطیسی بہاہ ضروری ہے۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گا۔



شکل 5.12: ساکن لچھا گچھ کی شکل میں ہے۔

5.4 تھیلے کچھے اور سائن نمامقناطیسی دیاو

ہم نے اب تک جینے مشین دیکھے ان سب میں گیجہ ²⁵ کچھے دکھائے گئے۔ مزید یہ کہ ان آلوں میں گھومتے جھے پہ موجود مقناطیس کے اُبھرے ²⁶ تھے۔ در حقیقت آلول کے عموماً ہموار قطبہ²⁷ ہوتے ہیں اور ان میں پھیلے کچھے ²⁸ پائے جاتے ہیں۔ ایبا کرنے سے ہم ساکن اور گھومتے حصول کے در میان خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کر سکتے ہیں۔

شکل 5.12 میں ایک لچھا گچھ کی شکل کا دکھایا گیا ہے۔اس کے گھومنے والا حصہ گول شکل کا ہے اور اس کا $\mu_r \to \infty$ کی شکل کا دکھایا گیا ہے۔ $\mu_r \to \infty$ کہ مقناطیسی دباو $\mu_r \to \infty$ کے مقناطیسی دباو $\mu_r \to \infty$ کہ مقناطیسی دباو کو جنم دیتا ہے جس کو ہلکی سیاہی کی کلیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو کو کچھ کے گرد ایک چکر کا شخے خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرنا پڑتا ہے۔ لہذا

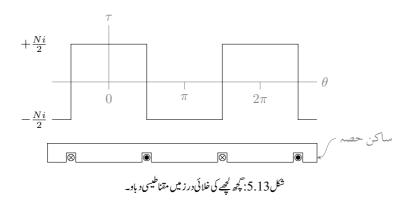
$$\tau = Ni = 2Hl_a$$

non-distributed $coils^{25}$

salient poles²⁶

non-salient poles²⁷

distributed winding 28



یوں ساکن کچھے کا آدھا مقناطیسی دباو ایک خلائی درز اور آدھا دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید ہے کہ خلائی درز میں کہیں پہ مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی دباو)، رداس کی سمت میں بیں اور کہیں پہ خلائی درز میں مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی دباو) ہرداس کی اُلٹی سمت میں بیں۔ اگر ہم رداس کی سمت کو مثبت لیں تو مقناطیسی بہاو (اور مقناطیسی دباو) و $\frac{\pi}{2} > 0 > 0$ در میان رداس ہی کی سمت میں بیں لہذا یہاں ہے مثبت بیں جبکہ باقی جگہ مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی بہاو) رداس کی اُلٹ سمت میں بیں لہذا یہاں ہے منفی بیں۔ ایسا ہی شکل 5.13 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں خلائی درز میں مقناطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ $\frac{\pi}{2} > 0 > 0$ میں دباو کو زاویہ کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ آپ میں مقناطیسی دباو کو زاویہ کے مقناطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ آپ جبکہ میں مقناطیسی دباو کی سمت مثنی دباو کے آدھا ہے اور اس کی سمت مثنی سمت مثنی سمت مثنی دباو کے آدھا ہے اور اس کی سمت مثنی سمت مثنی ہے۔ یاد رہے کہ مقناطیسی دباو کی سمت کیا جاتا ہے۔

5.4.1 بدلتی رووالے مشین

برلتی رو (اے سی) مثین بناتے وقت یہ کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہو۔اییا کرنے کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقتیم کیا جاتا ہے۔ اس سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتی ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

وریئر تسلسل 30 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل 31
$$f(\theta_p)$$
 کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.25)
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

اگر اس تفاعل کا دوری عرصہ T^{32} ہو تب

(5.26)
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

کے برابر ہوں گے۔

مثال 5.2: شکل 5.13 میں دیئے گئے مقناطیسی دباو کا

- فوريئر شلسل حاصل كريں۔
- تیسری موسیقائی جز ³³ اور بنیادی جز ³⁴ کی نسبت معلوم کریں۔

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

Fourier series³⁰

function³¹

time $period^{32}$

third harmonic component 33 fundamental component 34

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left(\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(-\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left(\frac{Ni}{2} \right) \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(\pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

اسی طرح

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[-\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[\sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left(\frac{4}{n\pi} \right) \left(\frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین وغیرہ کے لئے ملتا ہے

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$$
 $a_2 = a_4 = a_6 = 0$

اسی طرح

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[\frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

• ان جوابات سے

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

حاصل ہوتا ہے۔للذا تیسری موسیقائی جزو بنیادی جزو کے تیسرے جھے یعنی 33.33 فی صد کے برابر ہے۔

مثال 5.2 میں حاصل کئے گئے a_1, a_2, \cdots استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباوau کا فوریئر تسلسل یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.27)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

مثال 5.2 سے ظاہر ہے کہ مقناطیسی دباو کے موسیقائی اجزاء کی قیشیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا جا سکے۔ جیسا آپ اس باب میں آگے دیکھیں گے کہ حقیقت میں استعال ہونے والے مقناطیسی دباو میں موسیقائی اجزاء قابل نظر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی جزو سے غرض ہو گا۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی اجزاء کو نظر انداز کرتے ہوئے اسی مساوات کو یوں لکھتے ہیں۔

(5.28)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

جہاں

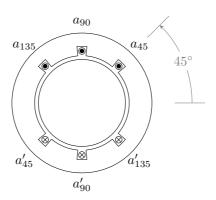
$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

ے برابر ہے۔ اس مساوات سے ہم و کھتے ہیں کہ شکل 5.12 میں کھیے سے حاصل مقناطیسی دباو بالکل اسی طرح ہے جیسے شکل 5.2 میں سلاخ نما مقناطیس صفر زاویہ پر رکھے حالت میں دیتا۔ اگر یہاں یہ کچھا کسی ایسے زاویہ پر رکھا گیا ہوتا کہ اس سے حاصل مقناطیسی دباو زاویہ θ_m پر زیادہ سے زیادہ ہوتا تو یہ بالکل شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کی طرح کا ہوتا۔ شکل 3.18 ایک ہیں مثال ہے۔ ہم بالکل مساوات 3.62 کی طرح اس شکل میں لچھا 3.18 کی سکتے ہیں۔ ککھ سکتے ہیں۔

(5.30)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اسی طرح کچھا b اور c کے چو نکہ ° $\theta_{m_b}=120^\circ$ اور $\theta_{m_b}=120^\circ$ للذا ان کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں۔

(5.31)
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ} \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ}) \end{aligned}$$



شكل 5.14: كيسيلا لجهابه

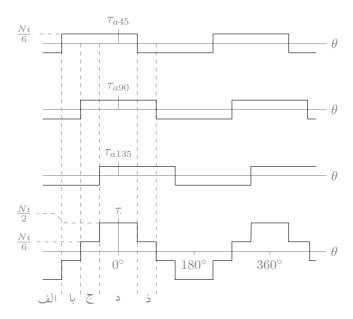
(5.32)
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^{\circ} \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^{\circ}) \end{aligned}$$

ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہر گر نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض آ تکھوں کا دھوکہ ہے۔ اس مقناطیسی دباو کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اب اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی سب رکن کو صفر کر سکیں تو ہم بالکل سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کر سکتے ہیں۔

شکل 5.14 میں تقسیم شدہ کچھا دکھایا گیا ہے۔ یہاں شکل 5.12 میں دکھائے گئے N چکر کے کچھے کو تین چھوٹے کیساں کچھوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ لہذا ان میں ہر چھوٹا کچھا $\frac{N}{3}$ چکر کا ہے۔ ایسے چھوٹے کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا 35 جاتا ہے اور یوں ان میں کیسال برقی رو i گزرے گی۔ ان تین کچھوں کو تین مختلف شکافوں میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شکاف a_{90} اور a_{45} میں اور تیسرے کچھے کو شکاف a_{135} اور a_{135} میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کھے کو شکاف a_{135} اور a_{135} میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑے کو ایک ہی طرح کے نام دیئے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا a_{45} اور a_{45} ایک سو پنیتیں بیں۔لہذا شگاف a_{45} درجہ زاویہ پر ہے۔ شگاف a_{90} نوے درجہ زاویہ پر ہے۔ درجہ زاویہ پر ہے۔

 ${\it series connected}^{35}$

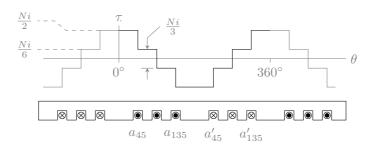


شكل 5.15: تصليح لحصے كى كل دمقناطيسى دباو۔

چو نکہ ہر کچھا $\frac{N}{8}$ چکر کا ہے اور ان سب میں یکسال برقی روi ہے، للذا شکل 5.14 میں دیے گئے تھیلے کچھے سے حاصل مقناطیسی دباو کا زاویہ کے ساتھ ترسیم شکل 5.15 کے نچلے ترسیم کی طرح ہو گا۔اس شکل میں سب سے اُوپر لیجھا کھی کے مقناطیسی دباو کا ترسیم ہے۔ یہ بالکل شکل 5.13 میں دیئے ترسیم کی طرح ہے البتہ یہ صفر زاویہ سے -45 ہے جو ہو بہو شکل کی طرح ہے جبکہ اس سے نیچے لچھا a_{135} لکا ترسیم ہے جو صفر زاویہ سے -45 ہے۔ اُن تینوں ترسیمات میں طول -15 ہے۔

ان تینوں ترسیمات سے کل مقناطیسی دباوکا ترسیم یوں حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں عمودی نقطہ دار کیبریں لگائی گئی ہیں۔ بائیں جانب پہلی کلیر کی بائیں طرف علاقے کو الف کہا گیا ہے۔اس علاقے میں پہلے تینوں ترسیمات کی مقدار $\frac{N_i}{6}$ ہے لہٰذا ان کا مجموعہ $\frac{N_i}{2}$ ہو گا۔ یہی سب سے نچلے کل مقناطیسی دباوکی ترسیم میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح علاقہ ب میں پہلے ترسیم کی مقدار $\frac{N_i}{6}$ ہ دوسری ترسیم کی $\frac{N_i}{6}$ ہ دوسری ترسیم کی مقدار $\frac{N_i}{6}$ ہ دوسری ترسیم کی $\frac{N_i}{6}$ ہو مقداریں ہیں جن کا مجموعہ $\frac{N_i}{6}$ ہی کل مقناطیسی دباو ہے جو کل دمقناطیسی دباو ہے جو سب سے نچلے ترسیم میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح آپ پورا ترسیم کھینج سکتے ہیں۔

شكل 5.15 كے نيلے ترسيم كو شكل 5.16 ميں دوبارہ د كھايا گيا ہے۔



شكل 5.16: تھلے لیھے كامقناطیسی د باو۔

شکل 5.16 کا اگر شکل 5.15 کے ساتھ نقابل کیا جائے تو محض دیکھنے سے بھی یہ ظاہر ہے کہ شکل 5.16 زیادہ سائن نما موج کے نوعیت کا ہے۔ ہمیں فور بیر تسلسل حل کرنے سے بھی بہی نتیجہ ملتا ہے۔ ہم دیکھ سکتے ہیں کہ شکافوں کی جگہ اور ان میں کچھوں کے چکر کو یوں رکھا جا سکتا ہے کہ ان سے پیدا کردہ مقناطیسی دباو سائن نما کے زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

چونکہ کھیلے کچھے کے مختلف محے ایک ہی زاویہ پہ مقناطیسی دباو نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباو کا حیطہ ایک کچھ کچھے کے حیطہ سے قدر کم ہوتا ہے۔اس اثر کو مساوات 5.29 میں جزو k_w کے ذریعہ یوں ظاہر کیا جاتا ہے۔

(5.33)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

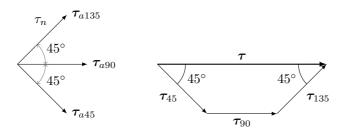
$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{1}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{1}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$\dot{\mathcal{E}}_w = k_w \frac{1}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \frac{1}{2} \cos \theta =$$

مثال 5.3: شکل 5.14 میں دیئے گئے تھیلے کچھے کے لئے k_w معلوم کریں۔

winding factor³⁶



شكل5.17: تيلي لچھے كاجزو پھيلاو۔

حل: شکل 5.17 سے رجوع کریں۔ یہ تین چھوٹے کچھے برابر مقناطیسی دباو $au_n=rac{4}{\pi}rac{ni}{2}$ ہیں، البتہ ان کی سمتیں مختلف ہیں۔ یہال چونکہ ایک کچھا $rac{N}{3}$ چکر کا ہے لہٰذا $rac{N}{3}$ ہے۔ ہم ان سمتیوں کو جمع کر کے ان کا مجموعی مقناطیسی دباو au معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

لعيني

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\forall k_w = 0.8047$$

مثال 5.4: ایک تین دور 50 ہر ٹزیر چلنے والا ستارہ نما جڑے جزیٹر کو 3000 چکر نی منٹ کی رفتار سے چلایا جا $k_{w,q}=0.833$ رہا ہے۔ تیس چکر کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.9 $k_{w,m}=0.833$ جبکہ پندرہ چکر قوی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 جبالہ $k_{w,m}=0.833$ جبس شین کا رواس 0.7495 میٹر اور اس کی لمبائی $l_k=0.04$ میٹر ہیں۔خلائی درز $l_k=0.04$ میٹر ہے۔اگر اس کے میدانی کچھے میں 1000 ایمپیئر برقی رو ہے تو معلوم کریں

• میدانی مقناطیسی د باو کی زیادہ سے زیادہ مقدار۔

حل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$$

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

•

$$\phi_0 = 2B_0 lr = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \text{ Wb}$$

•

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

لهذا ستاره جڑی جنریٹر کی تار کی برقی دباو

$$\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \,\text{V}$$

ہو گی۔

جیسا پہلے ذکر ہوا ہم چاہتے ہیں کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کر سکیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہ یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ بنیادی مقصد یورا ہو۔ شکل 5.16 میں ہم دیکھتے ہیں کہ صفر زاویہ کی دونوں جانب مقناطیسی د باوکی موج کیسال طور پر گھٹتی یا بڑھتی ہے۔ یعنی جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی د باو $\frac{N!}{3}$ گھٹ جاتی ہے۔ اسی طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر بیہ کیسال طور پر مزید گھٹتی ہے، وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

جھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہوں کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فوریئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور اس میں بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھے جاتے ہیں۔

ساکن کیچھوں کی طرح حرکت کرتے کیچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کیچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دیاو حاصل ہو۔

5.5 مقناطیسی د باو کی گھومتی موجیں

گومتے آلوں میں کچھوں کو برقی دباو دیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ یہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دور کی لیٹی مثین

مساوات 5.33 میں ایک کھیے کی مقناطیسی دباویوں دی گئی ہے۔

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

ا گراس کچھے میں مقناطیسی بہاو بھی سائن نما ہو یعنی

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

تو

(5.37)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

ہو گا جہاں

(5.38)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کے برابر ہے۔ مساوات 5.37 کہتا ہے کہ یہ مقناطیسی دباو زاویہ θ اور لمحہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مندرجہ ذیل قلیہ سے دو ٹکڑوں میں توڑ سکتے ہیں۔

$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

للذا

(5.39)
$$\tau_a = \tau_0 \left[\frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

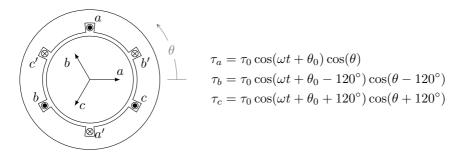
لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

(5.40)
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(5.41)
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

ہیں۔اس مساوات سے یہ بات سامنے آتی ہے کہ در حقیقت یہ مقناطیسی دباو دو اُلٹ سمتوں میں گومنے والے مقناطیسی دباو کی موجیں ہیں۔ اس کا پہلا جزو au_a زاویہ au گھنے کی جانب گھومتا ہے یعنی گھڑی کی سمت میں اور اس کا دوسرا جزو au_a گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتا ہے یعنی یہ زاویہ بڑھنے کی جانب گھومتا ہے۔ au_a

ایک دورکی لیٹی آلوں میں یہ کوشش کی جاتی ہے کہ ان دو گھومتے مقناطیسی دباو میں سے ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کیا جائے۔ اس طرح کرنے سے ایک ہے سمت میں کل مقناطیسی دباو گھومتا ملتا ہے جو بالکل اسی طرح کا ہوتا ہے جیسے ایک مقناطیس گھمایا جا رہا ہو۔ تین دور کے آلوں میں یہ کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔



شكل 5.18: تين دوركي لپڻي مشين ـ

5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجزيه

شکل 5.18 میں تین دور کی کپٹی مثین دکھائی گئی ہے۔مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں کی فور بیئر تسلسل کی بنیادی جزو دیئے گئے ہیں جو کے یہ ہیں۔

(5.42)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

اگر ان تین کچھوں میں تین دوری برقی رو ہو یعنی

(5.43)
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

تو بالكل مساوات 5.47 كى طرح بهم مساوات 5.43 كى مدد سے مساوات 5.42 كو يوں لكھ سكتے ہيں۔

(5.44)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

اگر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

ہو تو انہیں

(5.45)
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

لکھ سکتے ہیں جہاں

(5.46)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

ہے۔ کل مقناطیسی دباو 7 ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم ثابت کرتے ہیں کہ

$$\cos \gamma + \cos(\gamma - 240^{\circ}) + \cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$

کے برابر ہے۔ ہمیں معلوم ہے کہ

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

اگر ہم
$$lpha=\gamma$$
 اور $lpha=240^\circ$ کیں تو

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

اللذا
$$\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$$
 اور $\cos 240^\circ = -rac{1}{2}$ للذا

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

اب اس مساوات کو اگر ہم $\gamma \cos \gamma$ کے ساتھ جمع کریں تو جواب صفر ملتا ہے، یعنی

$$\cos \gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے لئے اس مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں۔ $\gamma= heta+\omega t+lpha$

 $(5.47) \quad \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$

اب ہم اگر مساوات 5.45 میں دیے au_b ، au_c اور au_c کو جمع کریں اور ان میں مساوات 5.45 کا استعال کریں تو ماتا ہے

(5.48)
$$\tau^{+} = \tau_{a} + \tau_{b} + \tau_{c} = \frac{3\tau_{0}}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.48 کہتا ہے کہ کل مقناطیسی دباو کا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کے ﴿ گُنا ہے۔ مزید بیہ کہ بیہ مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کی اُلٹی سمت گھوم رہی ہے۔ المذا تین کچھوں کو °120 زاوبیہ پر رکھنے اور انہیں تین دور کی برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے بیجان کرنے سے ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباوکی موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ اگر کوئی دو برقی رو آپس میں تبدیل کئے جائیں تو مقناطیسی موج کے گھومنے کی سمت تبدیل ہو جاتی ہے۔ یہ مثال میں واضح کیا گیا ہے۔

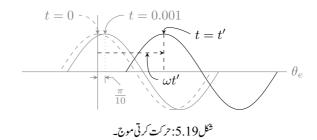
ابِ ابتذائی کچہ لیعنی
$$t=0$$
 پر ہو $t=0$ کی چوٹی $t=0$ کی چوٹی $t=0$ کرتے ہیں۔ $\theta-\omega t=0$ $\theta-\omega t=0$ $\theta-\omega t=0$ $\theta-\omega t=0$

ہم دکھتے ہیں کہ موج کی چوٹی صفر برتی زاویہ پر ہے۔اسے شکل 5.19 میں بلکی سیاہی میں نقطہ داو لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ہم اس چوٹی کو کچھ وقفے کے بعد دوبارہ دکھتے ہیں مثلاً t=0.001 سینڈ کے بعد۔

$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - \omega \times 0.001 = 0$$

$$\theta = 0.001\omega = 0.001 \times 2 \times \pi \times 50 = 0.3142 \,\mathrm{rad}$$



اب یہ چوٹی 0.3142 یا $\frac{\pi}{10}$ برقی ریڈیٹن لیعن 18° کے برقی زاویہ پر ہے۔اسے شکل میں ہلکی سابی کے ٹھوس لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ یہ بات واضح ہے کہ مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کی اُٹی سمت لیخی زاویہ بڑھنے کی سمت میں گھوم گئ ہے۔ اسی طرح 0.002 بریہ چوٹی 0.36 برقی زاویہ پر نظر آئے گی۔ کسی بھی لمحہ 1 پر بالکل اسی طرح چوٹی کا مقام معلوم کیا جا سکتا ہے جسے شکل میں تیز سابی کے ٹھوس لکیر سے دکھایا گیا ہے۔

$$\theta - \omega t' = 0$$
$$\theta = \omega t'$$

اس مساوات سے یہ واضح ہے کہ چوٹی کا مقام متعین کرنے والا زاویہ بتدر تکے بڑھتا رہتا ہے۔اس مساوات سے ہم ایک مکمل 2π برتی زاویہ کے چکر کا وقت T حاصل کر سکتے ہیں یعنی

(5.49)
$$t = \frac{\theta}{\omega}$$

$$T = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

اگر برتی روکی تعدد 50 ہو تو یہ مقناطیسی دباوکی موج ہر $\frac{1}{50}=0.02$ سینڈ میں ایک مکمل برتی چکر کا ٹتی ہے یعنی یہ ایک سینڈ میں 50 برتی چکر کا ٹتی ہے۔

اس مثال میں برقی زاویہ کی بات ہوتی رہی۔ دو قطب کی آلوں میں برقی زاویہ θ_e اور میکانی زاویہ θ_m برابر ہوتے ہیں۔ لہذا اگر دو قطب کی آلوں کی بات کی جائے تو مساوات 5.49 کے تحت ایک سینڈ میں مقناطیسی دباو کی موج f برقی یا میکانی چکر کاٹے گی جہال f برقی رو کی تعدد ہے اور اگر f قطب رکھنے والی آلوں کی بات کی جائے تو چونکہ

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذاایسے آلوں میں یہ مقاطیسی دباوکی موج ایک سیکٹہ میں f مقاطیسی چکر یعنی $rac{2}{D}f$ میکانی شکر کائے گ۔

اگر ہم برقی رو کی تعدد کو f_e سے ظاہر کریں، مقناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برقی زاویہ کو θ_e اور اس کے میکانی زاویہ کو θ_m سے ظاہر کریں اور اس طرح اس مقناطیسی دباو کی موج کے گھومنے کی رفتار کو ω_e یا ω_m سے ظاہر کریں تو

(5.51)
$$\omega_{m} = \frac{2}{P}\omega_{e} \quad \text{rad/s}$$

$$f_{m} = \frac{2}{P}f_{e} \quad \text{Hz}$$

$$n = \frac{120f_{e}}{P} \quad \text{rpm}$$

 ω_e اس موج کی معاصر رفتار برقی زاویہ فی سیکنڈ میں ہے جبکہ ω_m یہی معاصر رفتار میکانی زاویہ فی سیکنڈ میں ہے۔ اس طرح f_e اس موج کی برقی معاصر رفتار برقی ہرٹز میں اور f_m اس کی میکانی معاصر رفتار f_e میکانی ہرٹز میں ہے۔ برقی معاصر رفتار f_e کی معاصر رفتار f_e کی مطلب ہے ہے کہ ایک سیکنڈ میں یہ موج f_e برقی چکر کا فاصلہ طے کرے گی جہاں ایک برقی چکر دو قطب کا فاصلہ لیعن ω_m ریڈ میکن کا زاویہ ہے۔ اس طرح میکانی معاصر رفتار ω_m ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ یہ موج ایک سیکنڈ میں ایک چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکانی چکر عام زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات معاصر رفتار کی مساوات ہے۔

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ ہم q دور کی لپٹی مثین جس کے کچھے برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں q دور کی برقی رو ہو، ایک ہی سمت میں گھومتی مقناطیسی دباو کی موج کو جنم دیتی ہے جیسے ہم نے تین دور کی مثین کے لئے دیکھا۔ مزید ہے کہ اس موج کا حیطہ کسی ایک کچھے سے پیدا مقناطیسی دباو کے حیطہ کے $\frac{q}{2}$ گنا ہو گا اور اس کے گھومنے کی رفتار $\omega_e = 2\pi f$ برقی ریڈیئن فی سیکنڈ ہو گی۔

5.5.3 تين دور کي لپڻي مشين کاتر سيمي تجزيه

a شکل 5.18 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس میں مثبت برتی رو کی سمتیں بھی دکھائی گئی ہیں، مثلاً a

synchronous speed³⁷ rpm, rounds per minute³⁸

شگاف میں برقی دباو صفحہ سے عمودی سمت میں اندرکی جانب کو ہے اور یہ بات صلیب کے نشان سے واضح کی گئی ہے۔ اگر برقی رو مثبت ہو تو اس کی یہی سمت ہوگی اور اس سے پیدا مقناطیسی دباو ہو صفر زاویہ کی جانب ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباوکی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاسکتی ہے۔ اب اگر اس لچھے میں برقی رو منفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برقی رو اُلٹ سمت میں ہے۔ یعنی اب برقی رو ہ شگاف میں صفحہ کے عمودی سمت میں باہرکی جانب شگاف میں صفحہ کے عمودی سمت میں باہرکی جانب کو ہے۔ لہذا اس برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو بھی پہلے سے اُلٹ سمت میں ہوگی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے ہو کے کو ہے۔ لہذا اس برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو بھی پہلے سے اُلٹ سمت میں ہوگی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے ہو کے منفی بلکل اُلٹ سمت میں ہوگی۔ یہ برقی رو کے منفی بلکل اُلٹ سمت میں ہوگی۔ یہ برقی رو کے منفی بونے سے اس سے پیدا مقناطیسی دباوکی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔

اس شکل میں کچھوں میں برقی رو اور مقناطیسی دباویہ ہیں

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

(5.53)
$$\begin{aligned} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_a}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \omega t = \tau_0 \cos \omega t \\ \tau_b &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_b}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos(\omega t - 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_c}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos(\omega t + 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t + 120^\circ) \end{aligned}$$

جبکہ ان کے مثبت سمتیں شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اب ہم مختلف او قات پر ان مقداروں کا حساب لگاتے ہیں اور ان کا کل مجموعی مقناطیسی دباو حل کرتے ہیں۔

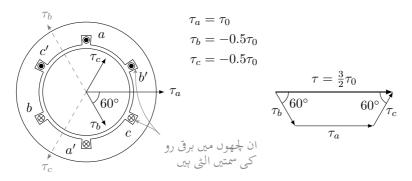
لمحہ t=0 پر ان مساوات سے ملتا ہے۔

(5.54)
$$i_a = I_0 \cos 0 = I_0$$

$$i_b = I_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5I_0$$

$$i_c = I_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5I_0$$

(5.55)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$



شكل5.20: لمحه $t_0=0$ يربر قى رواور مقناطيسى دباوـ $t_0=0$

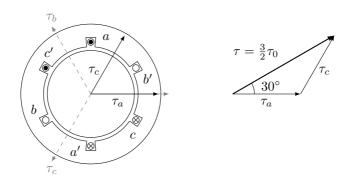
5.18 یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔اس لحمہ پر i_a مثبت ہے جبکہ i_b اور i_c منفی ہیں۔ للذا i_a اور کے اُس سمت میں ہے جو شکل i_c میں i_b میں دیئے گئے ستوں کے اُلٹ میں i_c میں نقطے اور صلیب سے دکھائے گئے ہیں جبکہ i_b اور i_c میں دیئوں میں نقطے اور صلیب سے دکھائے گئے ہیں۔اس شکل میں سینوں مقناطیسی دباو مجبی دکھائے گئے ہیں۔

کل مقناطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم، مجموعہ سمتیات سے معلوم کیا جا سکتا ہے یا پھر الجبرا کے ذریعہ ایسا کیا جا سکتا ہے۔

(5.56)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_{a} &= \tau_{0} \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_{b} &= 0.5 \tau_{0} \left[\cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_{c} &= 0.5 \tau_{0} \left[\cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \end{aligned}$$

(5.57)
$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2}\tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}$$

کل مقناطیسی دباو ایک کچھ کے مقناطیسی دباو کے ڈیڑھ گنا ہے اور یہ صفر زاویہ پر ہے۔ اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ کھے بعد t_1 پر دوبارہ یہی سب حباب لگاتے ہیں۔ چونکہ مباوات 5.52 اور مباوات 5.53 میں متغیرہ ωt کے بجائے ωt کا استعال زیادہ آسان ہے لہٰذا ہم کھہ t_1 کو یوں چنتے ہیں کہ ωt کا استعال زیادہ آسان ہے لہٰذا ہم کھہ t کو یوں چنتے ہیں کہ ωt



شكل 5.21:لحه $\omega t_1 = 30^\circ$ لحي $\omega t_1 = 30^\circ$

سے ہمیں یہ دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے۔

(5.58)
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

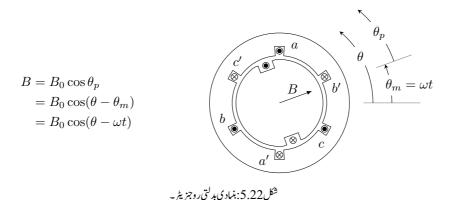
(5.59)
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$
$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

یہ شکل 5.21 میں دکھایا گیا ہے۔کل مقناطیسی دباو کا طول ← کو تکون کے ذریعہ یوں حل کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح اس کا زاویہ بھی اسی سے حاصل ہوتا ہے۔ یعنی

(5.60)
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a\tau_c\cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

اور چونکہ اس تکون کے دو اطراف برابر ہیں المذا اس کے باقی دو زاویہ بھی برابر اور °30 ہیں۔

ہم دیکھتے ہیں کہ کل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب وہ 30° کے زاویہ پر ہے یعنی وہ گھڑی کے اُلٹ سمت گھوم گیا ہے۔ اگر ہم اس طرح 0° 0 ہی پر دیکھیں تو ہمیں کل مقناطیسی دباو اب بھی $\frac{3}{2}\tau_0$ ہی ملے گا البتہ اب یہ 0 کے زاویہ پر ہو گا۔ اگر کسی لمحہ جب 0 ہی ہے جب 0 کے برابر ہو یہ سارا حساب کیا جائے تو کل مقناطیسی دباو اب بھی 0 کے زاویہ پر ہو گا۔ اگر کسی کے زاویہ پر ہو گا۔ اس کے گا البتہ یہ 0 کے زاویہ پر ہو گا۔



5.6 محرک برقی د ماو

یہاں محرک برقی دباو³⁹ کو ایک اور زاویہ سے پیش کیا جاتا ہے۔

5.6.1 بدلتی روبر قی جزیٹر

شکل 5.22 میں ایک بنیادی بدلتے روجن پیر⁴⁰ د کھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتی ہے، یعنی

$$(5.61) B = B_0 \cos \theta_n$$

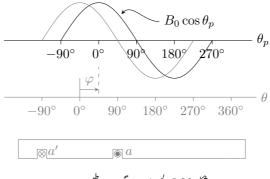
یہ مقناطیس ω زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔یوں اگر ابتدائی لمحہ t=0 پریہ a کچھے کی سمت یعنی ہلکی سیاہی کی افقی کیر کی سمت میں ہو تو لمحہ t پریہ گھوم کر زاویہ $\theta_m=\omega t$ پر ہو گا۔اس طرح یہی مساوات یوں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

(5.62)
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.23 میں B کو زاویہ θ اور θ_p کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ اسی ترسیم میں کچھا a کھی و کھایا گیا ہے۔اس شکل

³⁹ابتداه میں حرکت سے پیدا ہونے والی برتی دیاو کو محرک برتی دیاو کہتے تھے۔اب رواتی طور پر کسی بھی طرح پیدا کر دوبرتی دیاو کو محرک برتی دیاو کہتے ہیں۔ ac generator⁴⁰

5.6. محسر ك_بر قي دباو



شكل 5.23: لحصے ميں سے گزر تامقناطيسي بہاو۔

میں ہلکی سیائی سے کھے کا محور ایک ہی سمت میں ہلکی سیائی سے کھوٹے برقی مقناطیس کا محور اور اس کچھے کا محور ایک ہی سمت میں ہوتے ہیں جبکہ کالی سیائی میں اس B کو کسی بھی کھہ t پر دکھایا گیا ہے۔اس کھہ پر برقی مقناطیس کے محور اور کچھے کے محور کے مابین θ زاویہ ہے۔ یہ زاویہ برقی مقناطیس کے گھوٹے کی رفتار ω پر منحصر ہے یعنی

$$(5.63) \theta = \omega t$$

لحہ t=0 پر کچھے میں سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاہ گزر رہی ہے۔ اگر خلائی درز بہت باریک ہو، تو اس کے اندر اور باہر جانب کے رداس تقریباً یکساں ہوں گے۔ برتی مقناطیس کے محور سے اس خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ اگر ρ ہو اور برتی مقناطیس کا دھرے 41 کی سمت میں محوری لمبائی 42 ہو تو اس کچھے میں وہی مقناطیسی بہاہ ہو گا جو اس خلائی درز میں $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{\pi}{2}$ کا مابین ہے۔ لحہ 0 = t پر اسے یوں معلوم کیا جا سکتا ہے

(5.64)
$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

 $axle^{41}$ axial length⁴²

جہاں آخر میں $\phi_a(0)$ کو $\phi_a(0)$ کہا گیا ہے۔ یہی حساب اگر لمحہ t پر کی جائے تو کچھ یوں ہو گا۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho \, d\theta_{p})$$

$$= B_{0} l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \omega t$$

جہال $\theta=\omega t$ لیا گیا ہے۔اسی مساوات کو بوں بھی حل کیا جا سکتا ہے

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[\sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ تکمل زاویہ 6 کے ساتھ کیا گیا ہے۔ انہیں مساوات 5.64 کی مددسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(5.67)
$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

بالکل مساوات 5.66 کی طرح ہم d اور c کچھوں کے لئے بھی مقناطیسی بہاو کی مساواتیں حل کر سکتے ہیں۔ شکل مساوات 5.62 میں d کی طرح ہم d اور d کہ کتاب کی مقاطیسی بہاو گزرتا ہے۔ اس لئے d معلوم کرنے کے لئے d معلوم کرنے کے لئے مساوات 5.66 میں مکمل کے حدود یہی رکھے گئے تھے۔ اسی شکل سے واضح ہے کہ d کچھے کے مکمل کے حدود d مساوات 5.66 میں مکمل کے حدود یہی رکھے گئے تھے۔ اسی شکل سے واضح ہے کہ d کچھے کے مکمل کے حدود کیا

5.6. محسر ك_بر قي دباو

اور
$$\frac{7\pi}{6}$$
 جبکہ c حدود $\frac{5\pi}{6}$ اور $\frac{11\pi}{6}$ بیں۔یہ زاویے ریڈیٹن میں دیے گئے ہیں۔یوں

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t - \frac{2\pi}{3})$$

اور

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t + \frac{2\pi}{3})$$

اگرایک کچھے کے N چکر ہول تو اس میں پیدا برقی دباو کو یوں معلوم کیا جا سکتا ہے۔

(5.70)
$$\lambda_{a} = N\phi_{a}(t) = N\phi_{0}\cos\omega t$$

$$\lambda_{b} = N\phi_{b}(t) = N\phi_{0}\cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\lambda_{c} = N\phi_{c}(t) = N\phi_{0}\cos(\omega t + 120^{\circ})$$

ان مساوات میں $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیٹن کو °120 کھا گیا ہے۔ان سے کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو کا حساب یوں لگایا جا سکتا ہے۔

(5.71)
$$e_a(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = \omega N\phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = \omega N\phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = \omega N\phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں

(5.72)
$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^\circ)$$
$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^\circ)$$
$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^\circ)$$

یہ مساوات تین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتے ہیں جو آپس میں °120 زاویہ پر ہیں۔ان سب کا حیطہ E_0 کیسال ہے جہال

$$(5.73) E_0 = \omega N \phi_0$$

اور ان برقی دباو کی موثر قیمت⁴³

(5.74)
$$E_{\tau,r} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

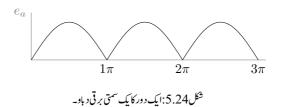
ہو گی۔ چونکہ $\phi=BA$ ہوتا ہے لہذا یہ مساوات بالکل صفحہ 50 پر دیئے مساوات کی طرح ہے۔

مساوات 5.72 سائن نما برقی دباو کو ظاہر کرتا ہے۔ اگرچہ اسے یہ سوچ کر حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباو کا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو جن میں مقناطیسی بہاو جزیئر کے بہاو کس طرح وجود میں آئی اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں یہ مقناطیسی بہاو جزیئر کے ساکن حصے میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.74 ہمیں ایک گیچھ لیچھ میں پیدا برقی دباو دیتی ہے۔ اگر لیچھا تقسیم شدہ ہو تو اس کے مختلف شگافوں میں موجود اس کیچھ کے حصوں میں برقی دباو ہم مرحلہ نہیں ہول گے لہذا ان سب کا مجموعی برقی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہوگا جلکہ اس سے قدرِ کم ہوگا۔ اس مساوات کو ہم ایک تھیلے کیچھ کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.75)
$$E_{z, r} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

5.6. محسر ك_بر قي دباو



تین دور برقی جزیٹروں کے k_w کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں ایک دور کی برقی دباو دیتی ہے۔ تین دور برقی جزیٹروں میں ایسے تین کچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی شارہ نما یا Δ یعنی شکونی جوڑا جاتا ہے۔

5.6.2 يک سمتی روبر تی جزيٹر

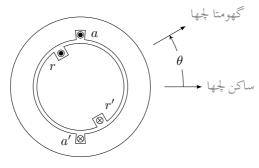
ہر گھومنے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو جزیٹر ہی ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمتی برقی دباو⁴⁴ کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتی برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ ایبا الیکٹرائنس کے ذریعہ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمتے کار⁴⁵ کی مدد سے کیا جا سکتا ہے یا پھر میکانی طریقے سے میکانی سمتے کار⁴⁶ کی مدد سے جزیئر کے اندر ہی کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.71 میں دیئے گئے برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جائے تو یہ شکل 5.24 کی طرح ہو گا۔

مثال 5.5: شکل 5.24 میں یک سمتی برقی دباو دکھائی گئی ہے۔اس یک سمتی برقی دباو کی اوسط قیمت حاصل کریں۔ حل:

$$E_{\rm bol} = \frac{1}{\pi} \int_0^\pi \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = \frac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمتی برقی جزیٹر پر باقاعدہ تبصرہ کتاب کے باب میں کیا جائے گا۔

DC voltage⁴⁴ rectifier⁴⁵ commutator⁴⁶



شكل 5.25: ساكن اماليه اور گھو متااماليه۔

5.7 مهوار قطب مشينول ميں قوت مروڑ

اس جھے ہیں ہم ایک کامل مشین ہیں قوضے مروز ⁴⁷ کا حساب لگائیں گے۔ ایسا دو طریقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ ہم مشین کو دو مقناطیس سمجھ کر ان کے مابین قوتِ کشش، قوتِ دفع اور قوت مروڑ کا حساب لگا سکتے ہیں یا پھر اس میں ساکن اور گھومتے کچھوں کو امالہ سمجھ کر باب چار کی طرح توانائی اور کو توانائی کے استعمال سے اس کا حساب لگائیں۔ پہلے توانائی کا طریقہ استعمال کرتے ہیں۔

5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی قوت مروڑ کا حساب

یہاں ہم ایک دور کی مثنین کی بات کریں گے۔ اس سے حاصل جوابات کو با آسانی زیادہ دور کی آلوں پر لا گو کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.25 میں ایک دور کی کامل مثنین و کھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس کی دو کچھوں میں کچھ زاویہ ہو گا جسے θ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر جگہ میساں ہے لہذا یہاں اُبھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جائے گا۔ مزید یہ کہ قالب کی θ سے نظری متعقل θ کی سے لہذا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل θ ہم مخصر ہے۔ پر مخصر ہے۔

 $L_{ar}(\theta)$ اور گھومے کچھے کی امالہ L_{rr} مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ لہ الہ الہ و تو ایک لیجھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے زاویہ θ پر منحصر ہو گا۔ جب $\theta=0$ یا $\theta=0$ یا $\theta=0$ کے برابر ہو تو ایک لیجھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے لیجھے سے

torque⁴

magnetic constant, permeability⁴⁸

 $\theta=\mp180^\circ$ ہیں۔ جب L_{ar0} گرزتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے کھی گرزتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ ہو اس کی سمت ہو اس کھی ایک مرتبہ پھر ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے البتہ اس کھی اس کی سمت الگ ہوتی ہے لہذا اب ان کا مشتر کہ امالہ بھی منفی ہو گا یعنی $-L_{ar0}$ اور جب $\theta=\mp90^\circ$ ہو تب ان کا مشتر کہ امالہ صفر ہو گا۔ اگر ہم یہ ذہن میں رکھیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو سائن نما ہے تب

$$(5.76) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

ہو گا۔ ہم ساکن اور گھومتے کچھول کی ارتباط بہاو کو یوں لکھ سکتے ہیں

(5.77)
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ar}(\theta)i_r = L_{aa}i_a + L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
$$\lambda_r = L_{ar}(\theta)i_a + L_{rr}i_r = L_{ar0}\cos(\theta)i_a + L_{rr}i_r$$

ا گر ساکن کچھے کی مزاحمت R_a اور گھومتے کچھے کی مزاحمت R_r ہو تو ہم ان کچھوں کے سروں پر دیئے گئے برقی دباو کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(5.78) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں heta برقی زاویہ ہے اور وقت کے ساتھ اس کی تبدیلی رفتار ω کو ظاہر کرتی ہے یعنی

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ کو توانائی حاصل کی جاسکتی ہے۔ کو توانائی صفحہ 125 پر مساوات 4.73 سے حاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

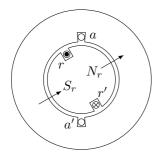
(5.80)
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

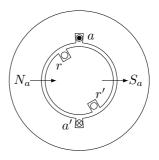
اس سے میکانی قوت مروڑ T_m یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.81)
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

چونکہ P قطب مشینوں کے لئے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$





شكل 5.26: لچھوں كے قطبين۔

للذا ہمیں مساوات 5.81 سے ملتا ہے

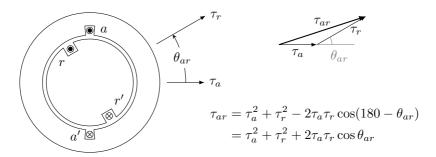
$$(5.83) T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ T_m منفی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر کسی لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کے در میان زاوید مثبت ہو تو ان کے مابین قوت مروڑ منفی ہو گا یعنی قوت مروڑ ان دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک سمت میں رکھنے کی کوشش کرے گا۔

5.7.2 مقناطیسی بهاوسے میکانی قوت مرور کا حساب

شکل 5.26 میں دو قطب والی ایک دور کی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب صرف گھومتے کچھے میں برقی رو ہے۔ اس لیے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے، یعنی تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں اگر صرف گھومتے جھے پر توجہ دی جائے تو یہ واضح ہے کہ گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اس طرح شکل میں دائیں جانب صرف ساکن کچھے میں برقی رو ہے۔ اگر اس مرتبہ صرف ساکن حصے پر توجہ دی جائے تو اس کے بائیں جانب سے مقناطیسی بہاو نکل کر خلائی درز میں داخل ہوتی ہے، لہذا یہی اس کا شالی قطب ہے اور اس مقناطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔

یہاں میہ واضح رہے کہ اگرچہ کچھ لیچھ و کھائے گئے ہیں لیکن در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہی ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباو کی موج کے چوٹی کو ظاہر کرتے ہیں۔



شكل5.27: خلا كي در زمين مجموعي مقناطيسي دباو_

شکل 5.27 میں اب دونوں کچھوں میں برقی رو ہے۔ یہ واضح ہے کہ یہ بالکل دو مقناطیسوں کی طرح ہے اور ان کے اُلٹ قطبین کے مابین قوتِ کشش ہو گا، یعنی یہ دونوں کچھے ایک ہی سمت میں ہونے کی کوشش کریں گے۔

یہاں میہ زیادہ واضح ہے کہ بیہ دو مقناطیس کوشش کریں گے کہ θ_{ar} صفر کے برابر ہو یعنی ان کا میکانی قوت مر وڑ θ_{ar} کے اُلٹ سمت میں ہو گا۔ یہی کچھ مساوات 5.83 کہتا ہے ۔

ان برقی مقناطیسوں کے مقناطیسی دباو کو اگر ان کے مقناطیسی محور کی سمت میں au_a اور au_r سے ظاہر کیا جائے جہاں au_a رمقناطیسی دباو au_a مقناطیسی دباو کے چوٹی کے برابر ہوں تو خلاء میں کل مقناطیسی دباو au_a ان کا جمع سمتیات ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کا طول au_a کوسائن کے قلیہ au_a سے بوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.84)
$$\tau_{ar}^{2} = \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} - 2\tau_{a}\tau_{r}\cos(180^{\circ} - \theta_{ar})$$
$$= \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar}$$

خلائی درز میں یہ کل مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت H_{ar} کو جنم دے گا جو اس قلیہ سے حاصل ہوتا ہے۔ $au_{ar} = H_{ar} l_a$ (5.85)

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ اب جہاں خلاء میں مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی کو-توانائی کی کثافت H_{ar} ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط ضرب $\frac{\mu_0}{2}$ کی کثافت اس خلائی درز میں اوسط ضرب H^2 کی اوسط ضرب میں اوسط ضرب کے کشافت اس خلائی درز میں H^2 کی اوسط ضرب میں اوسط ضرب کے کشافت اس خلائی درز میں اوسط ضرب کے ساتھ میں میں اوسط ضرب کے ساتھ کی کشافت اس خلائی درز میں اوسط ضرب کے ساتھ کی کشافت اس خلائی درز میں اوسط ضرب کے ساتھ کی کشافت اس خلائی درز میں اوسط ضرب کے ساتھ کی کشافت اس خلائی درز میں اوسط خلائی درز میں کہ کشافت اس خلائی درز میں درز میں اوسط خلائی درز میں اوسط خلائی درز میں اوسط خلائی درز میں درز میں اوسط خلائی درز میں درز م

cosine law⁴⁹

ہو گی۔ کسی بھی سائن نما موتی $H=H_0\cos heta$ ہو گی۔ کسی بھی سائن نما موتی $H=H_0\cos heta$ ہو گ

(5.86)
$$H_{\text{bryl}}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} \, d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2}\theta \, d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \, d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \left. \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \right|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

للذا خلائی درز میں اوسط کو-توانائی کی کثافت $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$ ہوگی اور اس خلاء میں کل کو-توانائی اس اوسط کو-توانائی ضربِ خلاء کی حجم کے برابر ہوگا یعنی

(5.87)
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درزکی رداسی لمبائی $_{g}$ ہے اور اس کی دھرے 50 کی سمت میں محوری لمبائی 51 ہے۔ محور سے خلاء کی اوسط رداسی فاصلہ $_{g}$ ہے۔ مزید میں کہ $_{g}$ ہے۔ اس طرح خلاء میں رداسی فاصلہ $_{g}$ ہے۔ مزید میں کہ $_{g}$ ہیں۔ بہاو کی تبدیلی کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.88)
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{g}} \left(\tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

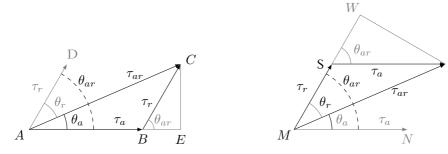
اس سے میکانی قوت مروڑ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے

(5.89)
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_{0}\pi r l}{l_{a}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

یہ حساب دو قطب والی مشین کے لئے لگایا گیا ہے۔ P قطب والے مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کا میکانی توت مروڑ دیتا ہے للذا ایسے مشین کے لئے ہم کھھ سکتے ہیں

$$(5.90) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

 $\begin{array}{c} \rm{axis^{50}} \\ \rm{axial\ length^{51}} \end{array}$



شکل 5.28: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ اس کے مطابق مشین کا میکانی قوت مروڑ اس کے ساکن اور گھومتے لچھوں کے متناطیسی دباو کے چوٹی کے براہ راست متناسب ہے۔ اس طرح یہ ان دونوں کے درمیان برقی زاویہ θ_{ar} کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہے۔ منفی میکانی قوت مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ θ_{ar} کے الٹ جانب ہے لیعنی یہ میکانی قوت مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی جانب کو ہے۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک برابر مگر الٹ ستوں میں میکانی قوت مروڑ ہوتا ہے البتہ ساکن جے کا قوت مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو جاتا ہے جبکہ گھومتے جے کا میکانی قوت مروڑ اس جے کو گھمانا ہے۔

چونکہ مقناطیسی و باو برقی رو کے براہ راست متناسب ہے لہذا au_a اور i_a آپس میں براہ راست متناسب ہیں جبکہ اور i_r اور i_r آپس میں براہ راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.83 اور 5.90 ایک جیسے ہیں۔ در حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل برابر ہیں۔

شکل 5.28 میں ایک مرتبہ پھر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں بائیں جانب تکون ΔAEC اور ΔBEC میں CE مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.91) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.92) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس طرح شکل WQ کا طرف مشتر کہ ہے اور ΔSWQ اور تکون ΔSWQ کی طرف مشتر کہ ہے اور

ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.93) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اب اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.94) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مساوات 5.90 مساوات 5.92 اور مساوات 5.94 كو ايك جبكه لكھتے ہيں۔

(5.95)
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے یہ واضح ہے کہ میکانی قوت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا میں لکھا جا سکتا ہے یا پھر ایک کچھے کی مقناطیسی وباو اور کل مقناطیسی دباو اور ان دو کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جاسکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کے آپس میں رد عمل کی وجہ سے وجود میں آتا ہے اور یہ ان مقناطیسی دباو کی چوٹی اور ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

متناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو سب کا آپس میں تعلق رکھتے ہیں لہذا ان مساوات کو کئی مختلف طریقوں سے کھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو au_{ar} اور وہاں کثافت مقناطیسی بہاو B_{ar} کا تعلق

$$(5.96) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_g}$$

استعال کر کے مساوات 5.95 کے آخری جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(5.97) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی آلوں میں مقناطیسی قالب کی مقناطیسی مستقل μ کی محدود صلاحیت کی وجہ سے قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹیلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ الہذا مشین بناتے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا پڑتا ہے۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو اس کچھے میں برتی رو پر منحصر ہوتا ہے۔ اس برتی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے یہ کچھا گرم ہوتا ہے۔ برتی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک اس کچھے کو ٹھنڈا کرنا ممکن ہو۔ لہذا مقناطیسی دباو کو اس حد کے اندر رکھنا پڑتا ہے۔ چونکہ اس مساوات میں یہ دو بہت ضروری حدیں واضح طور پر سامنے ہیں اس لئے بہ مساوات مثین بنانے کی غرض سے بہت اہم ہے۔

اس مساوات کی ایک اور بہت اہم شکل اب دیکھتے ہیں۔ ایک قطب پر مقناطیسی بہاو ϕ_P ایک قطب پر اوسط کا رقبہ A_P ہوتا ہے۔ جہاں کثافت مقناطیسی بہاو اوسط ضرب ایک قطب کا رقبہ A_P ہوتا ہے۔ جہاں

(5.98)
$$B_{b \to l} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.99) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

(5.101)
$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

یہ مساوات معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

باب6

يكسال حال، بر قرار جالو معاصر مشين

جیسا کہ نام سے واضح ہے یہ وہ گھومنے والی مثین ہے جو ایک ہی رفتار سے گھومتی ہے اور یہ رفتار اس کو دیئے گئے برقی دباو کے تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

جب کسی جزیٹر پر بوجھ تبدیل کیا جائے یا اسے فراہم میکانی طاقت فراہم کرنے والے کی رفتار تبدیل کی جائے تو جزیٹر نئی صورتِ حال کے مطابق چند ہی کھات میں دوبارہ برقرار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اس برقرار چالو صورت میں اس کی رفتار، برقی دباو، برقی رو، درجہ حرارت وغیرہ مقررہ رہتے ہیں۔اس طرح اگر موٹر پر بوجھ تبدیل ہو تو اسے درکار طاقت اور برقی رو تبدیل ہول گے۔بوجھ تبدیل ہونے سے پہلے موٹر برقرار مقررہ برقی رو حاصل کرتا رہتا ہے اس طرح بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی کھات میں یہ دوبارہ ایک ذرجہ حرارت ایک مقررہ قیت پر رہتا ہے۔اس طرح بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی کھات میں یہ دوبارہ ایک نئی جمار چالو صورت اختیار کر لیتا ہے۔دو مخلف برقرار چالو، یکسال صور توں کے در میان چند کھات کے درجہ حرارت میں ہوتا ہے۔اس باب میں یکسال حال، برقرار چالو² مثین پر تبصرہ کیا جائے گا۔

معاصر آلوں میں عموماً قوی لچھا ساکن رہتا ہے جبکہ میدانی لچھا معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔ قوی لچھوں کی برقی رو میدانی لچھوں کی برقی رو کی نسبت بہت زیادہ ہوتی ہے اور اسے سرک چھلوں کے ذریعہ گزارنا نہایت مشکل ہوتا ہے لہذا قوی لچھوں کو ساکن رکھا جاتا ہے جبکہ میدانی لچھوں کو گھمایا جاتا ہے۔

> transient state¹ steady state²

ہم یہ دیکھ بچکے ہیں کہ تین مرحلہ لیٹے ساکن لچھوں میں اگر متوازن تین مرحلہ برقی رو ہو تو یہ ایک گھومتے مقاطیسی دباوکی موج کو جنم دیتی ہے۔اس گھومتا موج کی رفتار کو معاصر رفتار ³ کہتے ہیں۔ معاصر مثین کا گھومتا حصہ اسی رفتار سے گھومتا ہے۔

معاصر مشین کے میدانی کچھے کو یک سمتی برقی رو درکار ہوتی ہے جو یا تو سرک چھلوں کے ذریعہ اس تک باہر سے پہنچائی جاتی ہے۔ سے پہنچائی جاتی ہے۔ سے پہنچائی جاتی ہے۔ ایک چھوٹی یک سمتی جزیٹر سے اسے فراہم کی جاتی ہے۔

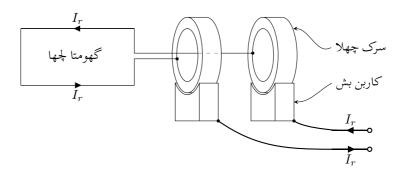
میدانی لچھا ایک میدانی مقناطیسی دباو کو جنم دیتی ہے جو اس کچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ لہذا معاصر مشین کے گھومتے اور ساکن کچھوں کے مقناطیسی دباو معاصر رفتار سے ہی گھومتے ہیں۔ اسی وجہ سے انہیں معاصر مشین کہتے ہیں۔

6.1 متعدد مرحله معاصر مشين

معاصر مشین عموماً تین مرحلہ ہوتے ہیں۔ان کے تین مرحلہ ساکن قوی کچھے خلاء میں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ اس کے میدانی کچھے گھومتے جھے پر نسب ہوتے ہیں اور ان میں یک سمتی برقی رو ہوتی ہے۔

اگر مشین کے گھومتے جھے کو بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جائے تو یہ مشین ایک معاصر جزیٹر کے طور پر کام کرتی ہے اور اس کے تین مرحلہ ساکن قوی کیچھوں میں تین مرحلہ برتی دباو پیدا ہوتی ہے جس کا برتی تعدد گھومنے کے رفتار پر منحصر ہوتا ہے۔ اس کے برعکس اگر مشین کے تین مرحلہ ساکن قوی کیچھوں کو تین مرحلہ برقی طاقت مہیا کیا جائے تو یہ ایک معاصر موٹر کے طور کام کرتی ہے جو معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ مشین کی کل برتی قوت کے چند فی صد برابر برتی قوت اس کے میدان کیچھ کو درکار ہوتی ہے۔ گھومتے کیچھ تک برتی دباو مختلف طریقوں سے پہنچائی جاتی ہے۔ شکل 6.1 میں گھومتے کیچھ تک موصل سرکے چھلے 4 کی مدد سے یک سمتی برتی رو پہنچانے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ یہ سرک چھلے اُسی دھرے پر نسب ہوتے ہیں جس پر گھومتا کچھا نسب ہوتا ہے اور یہ اس کچھے کے ساتھ کیساں طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساک بُش، اسپر نگ کی مدد سے ان کے ساتھ دباکر رکھے جاتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساک بُش، سپر نگری ہیں۔ اسپر نگ کی مدد سے ان کے ساتھ دباکر رکھے جاتے ہیں۔ اسپر نگ کی مدد سے ان کے ساتھ دباکر رکھے جاتے ہیں۔ اسپر نگ کی دو وان کا

synchronous speed³ slip rings⁴



شکل 6.1: کارین کُش اور سرک چھلوں سے کچھے تک برقی روپینچایا گیاہے۔

برقی جوڑ مضبوط رکھتا ہے اور ان کے مابین چنگاریاں نہیں نکلتی۔ کاربن بُش کے ساتھ برقی تار لگی ہے۔ اس طرح کے سمتی برقی رو ، I ، کاربن بُش ⁵ سے سرک چھلوں اور یہاں سے گھومتے کچھے تک پہنچتی ہے۔

بڑے معاصر مثین میں میدانی یک سمتی برتی رو عموماً ایک بدلتی رو برتی جزیٹر سے حاصل کی جاتی ہے جو معاصر مثین کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے اور اس کے ساتھ کیسال طور پر گھومتی ہے۔اس چھوٹے جزیٹر کی برتی دباو کو دھرے پر ہی نسب الیکٹرائنس کی مدد سے یک سمتی برتی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یوں سرک چھلے کی ضرورت نہیں رہتی۔سرک چھلے رگڑ کی وجہ سے خراب ہوتے ہیں جس کی وجہ سے معاصر مثین کو مرمت کی خاطر بند کرنا پڑتا ہے جو بہت مہنگا پڑتا ہے۔

اُبھرے قطب⁶ مشین پانی سے چلنے والے ست رفتار جزیٹر اور عام استعال کے موٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں جبکہ ہموار قطب⁷ مشین تیز رفتار دو یا چار قطب والے ٹربائن جزیٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں۔

کسی بھی مملکت کو درکار برقی توانائی ایک برقی جزیٹر سے دینا ممکن نہیں، المذا حقیقت میں کچھ در جنوں سے لیکر کئی سو برقی جزیٹر بیک وقت بیہ فرکضہ سر انجام دے رہے ہوتے ہیں۔ ایک سے زیادہ جزیٹر استعال کرنا فائدہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اوّل تو برقی توانائی کی ضرورت کے مطابق جزیٹر چالو کئے جا سکتے ہیں اور پھر ان جزیٹر وال کو ضرورت کی حظیہ کے ممکنہ طور پر قریب نسب کیا جا سکتا ہے۔ کسی بھی اس طرح کے بڑے نظام میں ایک جزیٹر کی حیثیت بہت کم ہو جاتی ہے۔ ایک جزیٹر چالو یا بند کرنے سے پورے نظام پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ اس صورت میں ہم

carbon bush⁵ salient poles⁶

non-salient poles⁷

اس نظام کو ایک مقررہ برقی دباو اور ایک مقررہ برقی تعدد رکھنے والا نظام تصور کر سکتے ہیں۔ معاصر جنریٹرول کے کئی اہم پہلو با آسانی سمجھے جا سکتے ہیں اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ یہ ایک ایسے ہی نظام سے جوڑا گیا ہے۔

مساوات 5.101 ایک معاصر مثین کا قوت مروڑ بتلاتا ہے۔اس مساوات کے مطابق برتی مقناطیسی قوت مروڑ کی کوشش ہوتی ہے کہ وہ مثین میں موجود عمل کرنے والے مقناطیسی دباو کو سیدھ میں لائے۔ برقرار چالو مثین کا برقی مقناطیسی قوت مروڑ برابر ہوتے ہیں۔ جب مثین ایک جزیڑ کی حیثیت سے استعال ہو تب میکانی طاقت دھرے کو گھماتا ہے اور گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو کل مقناطیسی دباو سے گھومتے کی سمت میں آگے ہوتا ہے۔ مساوات 5.101 سے حاصل قوت مروڑ اس صورت میں گھومتے کو روکنے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے چلتے انجن وغیرہ سے حاصل ہو سکتا ہے۔ اس طرح اگر مثین ایک موٹر کی حیثیت سے استعال ہو رہا ہو، تب صورت اس کے بالکل اُلٹ ہو گی۔

اگر کل مقناطیسی بہاو ϕ_{ar} اور گھو متے لیچھے کا مقناطیسی دباو τ تبدیل نہ ہو تب اس مساوات کے مطابق مثین کا قوت مروڑ ہو گا۔ اب تصور کریں قوت مروڑ ہی صفر ہو گا۔ اب تصور کریں قوت مروڑ ہی موٹر کے طور پر استعال ہو رہی ہو۔ جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جائے ویسے ویسے اس کے دھرے پر میکانی قوت مروڑ بڑھے گی۔ موٹر کو برابر کا برقی مقناطیسی قوت مروڑ پیدا کرنا ہو گا جو یہ زاویہ بڑھا کر کرتا ہے۔ یہاں یہ سمجھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر وقت معاصر رفتار سے ہی گھومتا ہے اور وہ یہ زاویہ پل بھر کے لئے آہتہ ہو کر ضرورت کے مطابق درست کرتا ہے۔ یعنی موٹر کا زاویہ ہو ہو وقت میکانی قوت مروڑ کا تعقب 8 گئے آہتہ ہو کر ضرورت کے مطابق درست کرتا ہے۔ یعنی موٹر کا زاویہ ہو ہو وقت میکانی قوت مروڑ کا تعقب 8

اگر موٹر پر لدا میکانی بوجھ بندر تک بڑھایا جائے تو ایک لمحہ آئے گا جب زاویہ θ_r نوے درجہ لینی $\frac{\pi}{2}$ ریڈیئن تک پہنچ جائے گا۔ اس لمحہ موٹر اپنی انتہائی قوت مروڑ ⁹ پیدا کر رہی ہو گی۔ اگر بوجھ مزید بڑھایا جائے تو موٹر کسی بھی صورت میں اس کے مقابلے کا قوت مروڑ نہیں پیدا کر سکتی اور یہ موٹر رکھ جائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر 10 صورت اختیار کر لی ہے۔ مساوات سے یہ ظاہر ہے کہ کل مقناطیسی بہاو یا گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو بڑھا کر اس انتہائی قوت مروڑ کی مقدار بڑھائی جا سکتی ہے۔

یمی صورت اگر مشین برقی جزیر کے طور پر استعال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیر معاصر صورت اختیار کرے اسے جلد خود کار دور شکن 11 کی مدد سے برقی بھم رسانی سے الگ کر دیا جاتا ہے۔

hunting⁸

pull out torque⁹ lost synchronism¹⁰

circuit breaker¹¹

6.2. معاصر مشين کے امالہ

ہم نے دیکھا کہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف اسی رفتار پر گھومتی صورت میں قوت مروڑ پیدا کر سکتی ہے للذا اگر اسے ساکن حالت سے چالو کرنے کی کوشش کی جائے تو بیہ کوشش ناکام رہے گی۔ ایسے موٹر کو پہلے کسے اور طریقے سے معاصر رفتار تک لایا جاتا ہے اور پھر اسے چالو کیا جاتا ہے۔ ایسا عموماً ایک چھوٹی املالے موٹر ¹² کی مدد سے کیا جاتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو، اس کے معاصر رفتار تک لے آتا ہے اور پھر اس معاصر موٹر کو چالو کیا جاتا ہے۔ ایک امالہ موٹر معاصر موٹر کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے۔

6.2 معاصر مشين كے اماليہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مثین دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے کیھے سارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح کیھوں میں برقی رو، تار برقی رو 13 ہی ہو گی اور ان پر لاگو برقی دباو، یک مرحلہ برقی دباو ہو گی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

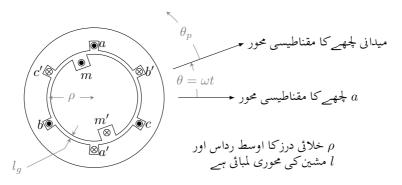
شکل 6.2 میں ایک ایبا تین مرحلہ دو قطب معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ اس کا گھومتا حصہ نکلی نما ہے۔اس کو دو قطب کا مشین یا پھر P قطب کے مشین کا دو قطب کا حصہ سمجھا جا سکتا ہے۔

یہاں پچھ کچھ دکھائے گئے ہیں لیکن حقیقت میں پھیلے کچھے ہی استعال ہوتے ہیں اور انہیں در حقیقت پھیلے کچھے ہی سمجھا جائے۔ اس طرح ہر کچھا سائن نما برتی دباو پیدا کرتا ہے جس کی چوٹی کچھے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہوتی ہے۔ چونکہ معاصر مشین میں گھومتے کچھے میں یک سمتی رو ہی ہوتا ہے للذا اس کا مقناطیسی دباو ہر لمحہ گھومتے جھے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہی رہتا ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو گھومتے جھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ مثین معاصر رفتار ω سے گھوم رہی ہے۔ اس طرح اگر لمحہ t=0 پر مرحلہ a^{-14} اور گھومتے کچھ کے مقناطیسی محور ایک ہی سمت میں ہوں تب کسی بھی لمحہ پر ان کے مابین زاویہ $\theta=\omega t$ ہو گا۔ امالہ کے حساب لگانے کے لئے شکل 0.2 سے رجوع کریں۔ شکل میں محیط پر خلائی درزیکساں ہے اور اس کی ردای سمت

induction motor¹² line current¹³

 $phase^{14}$



شكل 6.2: تين مرحله ، دوقطب معاصر مثين ـ

میں لمبائی l_g ہے۔ساکن جصے میں شگافوں کے اثر کو نظرانداز کیا گیا ہے۔محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ ho ہے اور مثین کی دھرے کی ست میں محوری لمبائی l_g ہے۔

کسی بھی لچھے کے خود امالہ کا حساب کرتے وقت باقی سب لچھوں کو نظرانداز کریں۔ اس کا مطلب ہے کہ آپ تصور کریں کہ باقی سب لچھوں میں برقی رو صفر ہے یعنی ان لچھوں کے سرے آزاد رکھے گئے ہیں۔ حقیقت میں اگر آپ کبھی لچھوں کے خود امالہ کو مشین کی مدد سے ناپنا چاہیں تو آپ باقی سب لچھوں کے سرے آزاد ہی رکھیں گے۔

6.2.1 خوداماله

au گھو متے یا ساکن کچھے کی خود امالہ L زاویہ θ پر منحصر نہیں۔ ان میں سے کسی کبھی کچھے کی مقناطیسی دباو م $au=k_w rac{4}{\pi} rac{Ni}{2} \cos heta_p$

ے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہو گی جہاں

(6.2)
$$B = \mu_0 H = \mu_0 \frac{\tau}{l_g} = \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} \cos \theta_p$$

6.2. معاصر مشین کے امالہ

یہ مساوات زاویہ θ_p کے ساتھ برلتی کثافتِ مقناطیسی دباو B بتلاتی ہے۔ اس کچھے کا ایک قطب پر کل مقناطیسی بہاو ϕ کا حساب کرنے کے لئے ہمیں اس مساوات کا سطحی تکمل 15 یوں لینا ہو گا۔

(6.3)
$$\phi = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} Bl\rho \, d\theta_p$$

$$= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} l\rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, d\theta_p$$

$$= \frac{4\mu_0 k_w Nil\rho}{\pi l_g}$$

اب ہم اس کیجے کی خود امالہ L مساوات 2.29 میں جزو کھیلاد k_w کا اثر شامل کرتے ہوئے حاصل کر سکتے ہیں۔

$$(6.4) L = \frac{\lambda}{i} = \frac{k_w N \phi}{i} = \frac{4\mu_0 k_w^2 N^2 l \rho}{\pi l_q}$$

یہ مساوات اس شکل میں کسی بھی کچھے کی خود امالہ دیتا ہے۔ یعنی

(6.5)
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l\rho}{\pi l_g}$$

اور

(6.6)
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_q}$$

6.2.2 مشتركه اماله

اب ہم دو کچھوں کا مشتر کہ امالہ حاصل کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ صرف گھومتا کچھا مقناطیسی بہاہ پیدا کر رہا ہے۔ ہم اس کا وہ حصہ جو a کچھے سے گزرے کا حساب لگا کر ان کا مشتر کہ امالہ حاصل کریں گے۔ شکل a میں گھومتے اور a کچھے کے مابین کا زاویہ a ہے۔اس صورت میں وہ مقناطیسی بہاہ جو a کہ وہ حسل کے مابین کا زاویہ a ہے۔اس صورت میں وہ مقناطیسی بہاہ جو اور a

 $surface integral^{15}$

ہو، a کچھے سے گزرے گا۔ اس مقناطیسی بہاو کا حساب مساوات 6.3 میں تکمل کے حدود تبدیل کر کے یوں حاصل ہو گا۔

$$\phi_{am} = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, d\theta_{p}$$

$$= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, d\theta_{p}$$

$$= \frac{4\mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta$$

اس مساوات سے ان کا مشتر کہ امالہ میہ ہے

(6.8)
$$L_{am} = \frac{\lambda_{am}}{i_m} = \frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m} = \frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_q}\cos\theta$$

اس کو یول لکھ سکتے ہیں

$$(6.9) L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

جہال جیسے پہلے ذکر ہوا زاویہ heta گھومنے کی رفتار پر منحصر ہے لیعنی heta=0 اور L_{am0} یہ ہے

$$(6.10) L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_g}$$

ا گرچہ یہ مساوات ایک گھومتے اور ایک ساکن کچھ کے لئے نکالا گیا ہے در حقیقت یہ اس شکل میں کسی بھی دو کچھوں کے لئے درست ہے۔ یہ دونوں کچھے ساکن ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ اگر یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ لہذا دو ساکن یکسال کچھے مثلاً a اور b جن کے مابین °120 کا زاویہ ہے کا آپس کا مشتر کہ امالہ یہ ہو گا

(6.11)
$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_g} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$

جہاں دونوں کچھے بالکل کیساں ہونے کی بدولت $k_{wb}=k_{wa}$ اور $N_b=N_a$ کئے گئے ہیں۔اگر تینوں ساکن کچھے بالکل کیسال ہو تب ہم اس مساوات اور مساوات 6.5 کی مدد سے یہ لکھ سکتے ہیں۔

(6.12)
$$L_{ab} = L_{bc} = L_{ca} = -\frac{L_{aa0}}{2}$$

6.2. معاصر مشين ك اماله

6.2.3 معاصراماله

مشین پر لا گو برقی دباو کو مشین کے لیچھوں کی خود امالہ، مشتر کہ امالہ اور لیجھوں میں برقی رو کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہم پہلے لیجھوں کی ارتباط بہاو \(کو ان کے امالہ اور ان میں برقی رو کی مدد سے یوں لکھتے ہیں۔

(6.13)
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ab}i_{b} + L_{ac}i_{c} + L_{am}I_{m}$$

$$\lambda_{b} = L_{ba}i_{a} + L_{bb}i_{b} + L_{bc}i_{c} + L_{bm}I_{m}$$

$$\lambda_{c} = L_{ca}i_{a} + L_{cb}i_{b} + L_{cc}i_{c} + L_{cm}I_{m}$$

$$\lambda_{m} = L_{ma}i_{a} + L_{mb}i_{b} + L_{mc}i_{c} + L_{mm}I_{m}$$

ان مساوات میں ساکن کچھوں کے بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف لیعنی i_a,i_b,i_c سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ گھومتے میدانی کچھے کے یک سمتی برقی رو کو بڑے حرف I_m سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ان چار مساوات میں سے ہم کسی ایک کو پُٹنتے ہیں اور اسے حل کرتے ہیں۔ چونکہ یہ چاروں مساوات ایک طرح کے ہیں اس لئے باقی بھی ایسے ہی حل ہول گے۔ ہم ان میں سے پہلے مساوات لیتے ہیں لینی

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات 6.5 ہمیں a کچھے کا خود امالہ دیتا ہے۔ یہ مساوات یہ تصور کر کے نکالا گیا تھا کہ اس کچھے کا پورا مقناطیسی بہاو خلائی درز سے گزرتا ہے۔ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا اور کچھ مقناطیسی بہاو اس خلائی درز میں سے گزر کر دوسری جانب نہیں پنچتا۔ ایسے مقناطیسی بہاو کی وجہ سے رستا امالہ L_{al} وجود میں آتا ہے۔ یہ بالکل ٹرانسفار مر کے رستا امالہ کی طرح ہے۔ یوں اس کچھے کا کل خود امالہ میں ہے۔

$$(6.15) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

ہم مساوات 6.5، مساوات 6.9، مساوات 6.12 اور مساوات 6.15 کی مدد سے مساوات 6.14 کو یول لکھتے ہیں۔

(6.16)
$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{b} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{c} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$
$$= (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} (i_{b} + i_{c}) + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

اب تین مرحلہ برقی رو مجموعہ صفر ہوتا ہے لیعنی

$$(6.17) i_a + i_b + i_c = 0$$

للذا مساوات 6.16 میں اس کو استعال کرتے ملتا ہے

(6.18)
$$\lambda_a = (L_{aa0} + L_{al}) i_a - \frac{L_{aa0}}{2} (-i_a) + L_{am0} I_m \cos \omega t$$
$$= \left(\frac{3}{2} L_{aa0} + L_{al}\right) i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$
$$= L_s i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

جہاں

$$(6.19) L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

کو معاصراماله ¹⁶ کہتے ہیں۔

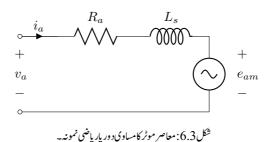
اس مساوات اور مساوات 5.48 پر ایک مرتبہ دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ملتے جلتے ہیں۔ وہاں کل کھومتا مقاطیسی دباو ایک کچھ کی امالہ کے $\frac{3}{2}$ گھنا ہے۔ یہ دو مساوات در حقیقت ایک ہی حقیقت کے دو پہلو ہیں۔

معاصر امالہ تین حصوں پر مشتمل ہے۔ پہلا حصہ L_{aa0} ہے جو a کچھے کا خود امالہ ہے۔ دوسرا حصہ $\frac{L_{aa0}}{2}$ اس کچھے نعنی a کچھے کا باقی دو کچھوں کے ساتھ اُس صورت میں مشتر کہ امالہ ہے جب مشین میں تین مرحلہ متوازن برقی رو ہو۔ تیسرا حصہ L_{ab} کے اس اللہ ہوتا ہے جب مشین کے ایک کچھے کا ظاہر کی امالہ ہوتا ہے جب مشین میں متوازن برقی رو ہو۔ مشین میں متوازن برقی رو ہو۔

مثال 6.1: ایک معاصر جزیر کی یک مرحله کل دخود اماله 2.2 mH اور رستا اماله 0.2 mH بین اس مشین کے دو مرحلوں کا آپس میں مشتر کہ امالہ اور مشین کا معاصر اماله حاصل کریں۔

 $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ مل: چو نکه $L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$ لهذا $L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$ کی مدو سے $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ اور مساوات $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ کی مدو سے $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ اور مساوات $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ کی مدو سے $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ اور مساوات $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ کی مدو سے $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ اور مساوات $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$ کی مدو سے $L_{ab} = -1 \,\mathrm{mH}$

synchronous inductance¹⁶



6.3 معاصر مشين كامساوى دوريارياضي نمونه

لچھ a پر لا گو برقی دباو اس کچھ کی مزاحمت R_a میں برقی دباو کے گھنے اور λ_a کے برقی دباو کے برابر ہو گا، یعنی

$$(6.20) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - \omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + e_{am}$$

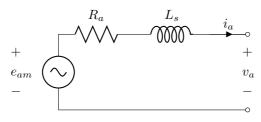
يہاں

(6.21)
$$e_{am} = -\omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$
$$= \omega L_{am0} I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

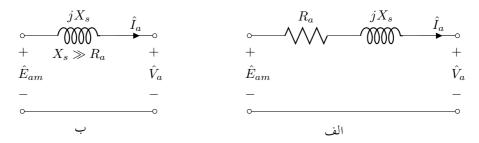
کو پیجانی برقی دباو یا اندرونی پیدا برقی دباو کہتے ہیں جو گھومتے کچھے سے پیدا مقناطیسی بہاو کی وجہ سے وجود میں آتی ہے۔ اس کے موثر قیت $E_{am,rms}$ مساوات 1.44 کی مدد سے حاصل ہوتا ہے۔

(6.22)
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

مساوات 6.20 کو ایک برتی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے جے شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔ کسی بھی برتی آلہ پر جب برتی دباو لا گو کیا جائے تو برتی روکی شبت سمت لا گو برتی دباو کے شبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی ہے۔ لمذا اس شکل میں برقی رو i_a لا گو برتی دباو v_a کی شبت سرے سے باہر کی جانب کو ہے۔ یہ شکل ایک موٹر کو ظاہر کرتی ہے جہاں موٹر کے شبت سرے پر برتی رو اندر کی جانب کو ہوتا ہے۔ اگر موٹر کی بجائے ایک معاصر جزیئر کی بات



شکل 6.4: معاصر جنریٹر کامساوی دوریاریاضی نمونہ۔



شکل 6.5:معاصر جنریٹر کے مساوی دور۔

ہوتی تو یہ جزیٹر برقی دباو پیدا کرتا اور برقی رو اس جزیٹر کی مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی۔ اس صورت میں ہمیں شکل 6.3 کی جگہ شکل 6.4 ملے گا۔اس شکل کی مساوات اسی شکل سے یوں حاصل ہوتی ہے۔

$$e_{am} = i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + v_a$$

یہاں یہ دھیان رہے کہ جزیٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت موٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت کے اُلٹ ہے۔اس کا مرحلی سمتیہ مساوات یوں لکھا جائے گا۔

(6.24)
$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

اس مر حلی سمتیہ کے مساوات کو شکل 6.5-الف میں دکھایا گیا ہے۔عام حالات میں X_s کی مقدار R_a سے سو سے دو سو گنا زیادہ ہوتی ہے۔

6.4. برقى طب قت كى منتقلى

مثال 6.2: دو قطب 50 ہرٹز کا ایک معاصر جزیٹر 40 ایمپیئر میدانی برقی رو پر 2100 وولٹ یک مرحلہ موثر برقی دباو پیدا کرتی ہے۔اس مثین کی قوی اور میدانی کچھوں کے مابین مشتر کہ امالہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 6.22 سے

(6.25)
$$L_{am} = \frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m} = \frac{\sqrt{2} \times 2100}{2 \times \pi \times 50 \times 40} = 0.2363 \,\text{H}$$

6.4 برقی طاقت کی منتقلی

شکل 3.20 ٹرانسفار مر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) اور شکل 6.5 معاصر جزیٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) ہے۔ دونوں بالکل ایک طرح کے ہیں، للذا مندرجہ ذیل بیان دونوں کے لئے درست ہوگا، اگرچہ یہاں ہمیں صرف معاصر آلوں سے دلچپی ہے۔

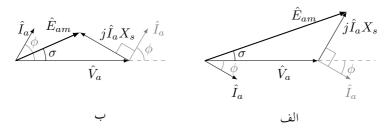
معاصر آلوں میں معاصر متعاملہ کچھے کی مزاحمت سے بہت زیادہ ہوتا ہے لہذا اس کے مزاحمت کو نظرانداز کیا جا سکتا۔ ایہا ہی شکل کے حصہ بامیں کیا گیا ہے۔

شکل 6.5-ب کو اگر ہم ایک لیے کے لئے ایک سادہ برتی دور سمجھیں جس کے بائیں جانب \hat{E}_{am} اور دائیں جانب \hat{V}_a برتی دباو ہے جن کے مابین ایک متعاملہ jX_s جڑا ہے۔ اس برقی دور میں برقی طاقت کے منتقلی کا حساب یوں ممکن ہے۔

شکل 6.5-ب کی مرحلی سمتیہ شکل 6.6 میں دی گئی ہے۔ شکل 6.6-الف میں برقی رو \hat{I}_a برقی دباو \hat{V}_a سے ϕ زاویہ بیچھے ہے اور شکل 6.6-ب میں برقی رو ϕ زاویہ برقی دباو سے آگے ہے۔ چونکہ زاویہ اُفقی سمت سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے للمذا شکل-الف میں ϕ منفی زاویہ ہے اور σ مثبت زاویہ ہے جبکہ شکل-ب میں دونوں زاویہ مثبت ہیں۔

دائیں جانب طاقت p_v منتقل ہو رہی ہے جہاں

$$(6.26) p_v = V_a I_a \cos \phi$$



شكل 6.6: معاصر جنزيٹر كامر حلى سمتيہ۔

ك برابر ہے۔ شكل 6.6-الف سے

(6.27)
$$\hat{I}_{a} = I_{a} \underline{/\phi_{a}} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_{a}}{jX_{s}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_{a}\underline{/0}}{X_{s}\underline{/\frac{\pi}{2}}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma - \pi/2 - V_{a}\underline{/-\pi/2}}}{X_{s}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ایک مرحلی سمتیہ کے دو جزو ہوتے ہیں۔ اس کا حقیقی جزو اُفقی سمت میں بنایا جاتا ہے اور اس کا فرضی جزو حقیقی جزو کے عمود میں بنایا جاتا ہے۔شکل 6.6 سے واضح ہے کہ اس مساوات کا حقیقی جزو کے جم قدم ہے لہٰذا

(6.28)
$$I_a \cos \phi_a = \frac{E_{am}}{X_s} \cos \left(\sigma - \frac{\pi}{2}\right) - \frac{V_a}{X_s} \cos \left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
$$= \frac{E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

اس مساوات اور مساوات 6.26 سے حاصل ہوتا ہے

$$(6.29) p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین مرحلہ معاصر مشین کے لئے اس مساوات کو تین سے ضرب دیں لینی

$$(6.30) p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

 E_{am} یہ طاقت بالمقابل زاویہ 17 کا قانون ہے۔اگر V_a معین ہو تو جزیٹر E_{am} یا σ بڑھا کر طاقت بڑھا سکتا ہے۔اگر معین ہو تو جزیٹر مکن ہے۔ کچھے میں برتی رو بڑھا کر بڑھائی جاتی ہے۔البتہ یہ ایک حد تک کرنا ممکن ہے۔ کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی

power-angle law¹⁷

6.4. برقى طب قت كى منتقلى

ضائع ہونے سے یہ گرم ہوتا ہے اور اس کی حرارت کو خطر ناک حد تک پہنچنے نہیں دیا جا سکتا۔ دوسری جانب σ کو نوے زاویہ تک بڑھایا جا سکتا ہے اور اس صورت میں جزیٹر زیادہ سے زیادہ طاقت مہیا کرے گا۔

$$p_{v,\wp} = \frac{3V_a E_{am}}{X_s}$$

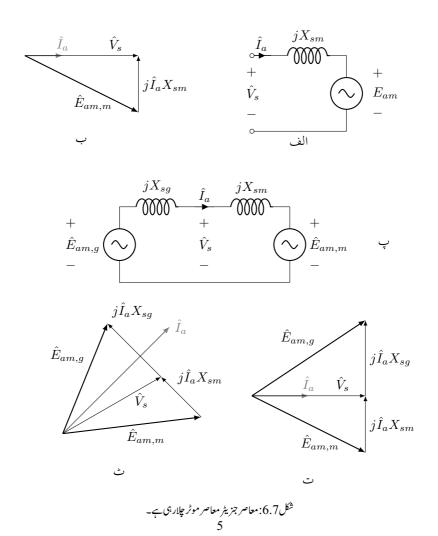
حقیقت میں جزیٹر کو اس طرح بنایا جاتا ہے کہ اس کی زیادہ سے زیادہ قابل استعال طاقت نوے درجے سے کافی کم زاویہ پر ہو۔ نوے درجے پر جزیٹر کو قابور کھنا مشکل ہو جاتا ہے۔

مثال 6.3: ایک 50 قطب ستارہ جڑی تین مرحلہ 50 ہرٹز 2300 وولٹ تار کی برقی دباو پر چلنے والی 1800 کلو وولٹ -ایمپیئر کی معاصر مشین کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.1 اوہم ہے۔

- مشین کے برقی سروں پر 2300 وولٹ تارکی برقی دباو مہیا کرتے ہوئے اگر اس کی میدانی برقی رواتنی رکھی جائے کہ پورے بوجھ پر مشین کا جزو طاقت ایک کے برابر ہو تو اس سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جاسکتی ہے۔
- اگر اسے 2 قطب 3000 چکر فی منٹ تین مرحلہ سارہ جڑی 2300 وولٹ تارکی برقی دباو پیدا کرنے والی 2200 کلو وولٹ اللہ 2.3 اوہم ہو۔ موٹر 2200 کلو وولٹ ایمبیئر کی معاصر جزیئر سے چلایا جائے جس کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.3 اوہم ہو۔ موٹر پر اس کا پورا برقی بوجھ لاد کر جزیئر کو معاصر رفتار پر چلاتے ہوئے دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے حتی کہ موٹر ایک جزو طاقت پر چلنے لگے۔دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو یباں برقرار رکھ کر موٹر پر بوجھ آہستہ آہستہ بڑھائی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جاسکتی ہے اور اس کی سروں پر تارکی برقی دباو کتنی ہو گی۔

حل:

• شكل 6.7 -الف اور 6.7 -ب سے رجوع كريں - يك مرحلہ برقى دباو اور كل برقى رو يہ ہيں • $\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9\,\mathrm{V}$ $\frac{1800000}{\sqrt{3} \times 2300} = 451.84\,\mathrm{A}$



6.4. برقى طب قت_كى منتقلى

للذا

$$\begin{split} \hat{E}_{am,m} &= \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m} \\ &= 1327.9 \underline{/0^{\circ}} - j451.84 \underline{/0^{\circ}} \times 2.1 \\ &= 1327.9 - j948.864 \\ &= 1632 \underline{/-35.548^{\circ}} \end{split}$$

ہے۔یوں مساوات 6.31 سے ایک مرطلے کی زیادہ سے زیادہ برقی طاقت

$$p_{\xi^{\prime\prime}} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1\,031\,968\,\mathrm{W}$$

ہے۔ یوں تین مرحلوں کی زیادہ سے زیادہ طاقت 904 3095 واٹ ہو گی۔ 50 ہر ٹز اور 50 قطب سے مثین کی معاصر میکانی رفتار مساوات 5.5 کی مدد سے دو چکر فی سینٹہ حاصل ہوتی ہے لیعنی $f_m=2$ یوں مثین سے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ

$$T_{|\vec{\varphi}|} = \frac{p_{|\vec{\varphi}|}}{2\pi f_m} = \frac{3095904}{2 \times \pi \times 2} = 246364 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

حاصل ہو گی۔

• شکل 6.7-پ سے رجوع کریں۔ پہلی جزو کی طرح یہاں بھی موٹر کی برقی سروں پر تار کی برقی دباو 2300 وولٹ اور اس کی محرک برقی دباو 1632 وولٹ ہے۔ جزیئر کی محرک برقی دباو

$$\begin{split} \hat{E}_{am,g} &= \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} + j451.84 / 0^{\circ} \times 2.3 \\ &= 1327.9 + j1039.233 \\ &= 1686 / 38.047^{\circ} \end{split}$$

ہے۔ یہ صورت شکل 6.7-ت میں دکھائی گئی ہے۔

معاصر موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب $\hat{E}_{am,m}$ اور $\hat{E}_{am,m}$ آپس میں $\hat{E}_{am,m}$ زاویہ پر ہوں۔ ایسا شکل $\hat{E}_{am,m}$ میں دکھایا گیا ہے ۔

اب مساوات 6.31 میں ایک معاصر امالہ کی جگہ سلسلہ وار جڑی موٹر اور جزیئر کی امالہ ہیں اور دو برقی دباو اب موٹر اور جزیئر کی محرک برقی دباو ہیں۔یوں موٹر کی یک مرحلہ زیادہ سے زیادہ طاقت

$$p_{\xi i} = \frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \,\mathrm{W}$$

ماصل ہوں گے۔ تین مرحلوں سے یول $1876\,056$ واٹ حاصل ہوں گے اور زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ $T_{i;j}=rac{1876056}{2 imes\pi imes2}=149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$

ہو گی۔

6.5 کیسال حال، بر قرار چالومشین کے خصوصیات

معاصر جزیٹر: برتی بوجھ بالمقابل I_m خطوط 6.5.1

شکل 6.5-ب کے لئے مرحلی سمتیوں کا مساوات یہ ہے

$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

اسے بوں لکھ سکتے ہیں

(6.33)
$$E_{am}\underline{\sigma} = V_a\underline{0} + I_a X_s \underline{\frac{\pi}{2} + \phi}$$

اس مساوات کو مخلوط عدد 18 کے طور پر یوں لکھ سکتے ہیں۔

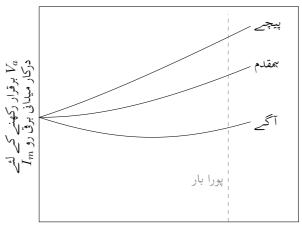
$$E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma = V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$$
$$= E_{am,x} + jE_{am,y}$$

اس مساوات سے $\left|\hat{E}_{am}
ight|$ یعنی $\left|\hat{E}_{am}
ight|$ کی مقدار بوں حاصل ہوتی ہے۔

(6.34)
$$\begin{vmatrix} \hat{E}_{am} \end{vmatrix} = E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ = \sqrt{V_a^2 + (I_a X_s)^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

جزیڑ کے سروں پر معین V_a رکھتے ہوئے مختلف ϕ کے لئے E_{am} بالتقابل I_a خط شکل I_a میں دکھائے گئے ہیں۔ چونکہ I_a اور I_m براہِ راست متناسب ہیں اور اسی طرح کسی ایک مخصوص جزو طاقت اور معین V_a کئے جزیڑ کا طاقت I_a کے براہِ راست متناسب ہوتا ہے المذا یبی ترسیم I_m بالتقابل جزیڑ کے طاقت کو بھی ظاہر کرتا ہے۔

 $complex number^{18}$



 $\overline{I_a}$ برقی بار یا قوی لچھرے کی برقی رو

شکل 6.8: جزیٹر: ہرتی بوجھ بالمقابل I_m کے خط

معاصر موٹر: I_a بالقابل معاصر موٹر: 6.5.2

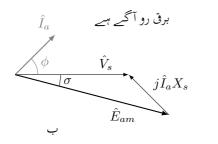
معاصر موٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے اور اس کا مرحلی سمتیہ شکل 6.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس میں مزاحمت نظرانداز کرنے سے اس کی مساوات یوں ہو گی۔

(6.35)
$$\begin{split} \hat{V}_{a} &= \hat{E}_{am} + j\hat{I}_{a}X_{s} \\ V_{a}\underline{/0} &= E_{am}\underline{/\sigma} + jI_{a}\underline{/\phi}X_{s} \\ &= E_{am}\underline{/\sigma} + I_{a}X_{s}/\frac{\pi}{2} + \phi \end{split}$$

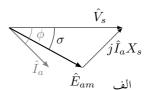
اس مساوات میں زاویے موٹر پر لاگو برقی دباو \hat{V}_a کے حوالہ سے ہیں، لیعنی \hat{V}_a کا زاویہ صفر لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ زاویہ ناپنے کی مثبت اور ہافیری زاویہ 20 منفی ہیں۔ اس مساوات سے امالی دباو E_{am} کی مقدار یوں حاصل ہو گی۔

$$\begin{split} E_{am}\underline{\prime\sigma} &= V_a\underline{\prime0} - I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2} + \phi} \\ &= V_a - I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_aX_s\sin\phi - jI_aX_s\cos\phi \end{split}$$

leading angle¹⁹ lagging angle²⁰







نکل 6.9:موٹر کامر حلی سمتیہ۔ ح

للذا

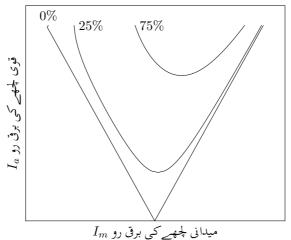
(6.36)
$$|E_{am}| = \sqrt{(V_a + I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2}$$
$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

موٹر پر لاگو برقی و باو اور اس پر میکانی بوجھ کو 0%، 25% اور 75% پر رکھ کر اس مساوات کو شکل 6.10 میں ترسیم کیا گیا ہے۔ یہ موٹر کے E_{am} بالمقابل I_a بالمقابل I_a بالمقابل I_a بالمقابل میں سے ہر خط ایک معین میکانی بوجھ I_a کے لئے ہے جہاں I_a

$$(6.37) p = V_a I_a \cos \phi$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر q اور V_a معین ہوں تو جزو طاقت تبدیل کر کے I_a تبدیل کیا جا سکتا ہے۔لہذا مساوت 6.36 کو مساوات 6.36 کی مدو سے ترسیم کیا جاتا ہے۔ یہ کچھ یوں کیا جاتا ہے۔ معین V_a اور Q کے لئے مختلف I_a بر مساوات 0.36 سے Q حاصل کریں۔ ان Q اور Q و مساوات 0.36 میں استعال کر کے Q حاصل کریں۔ حساب لگائیں اور Q بالمقابل Q ترسیم کریں۔

موٹر کی ان خطوط سے واضح ہے کہ I_m کو تبدیل کر کے موٹر کی جزو طاقت تبدیل کی جاسکتی ہے۔ للذا موٹر کو پیاچ زاویہ یا آخیر کے زاویہ پر چلایا جا سکتا ہے۔ اگر اسے پیش زاویہ پر رکھا جائے تو یہ ایک کیبیسٹر 21 کے طور پر استعال ہو سکتا ہے اگرچہ ایسا کیا نہیں جاتا چونکہ کیبیسٹر از خود زیادہ سستا ہوتا ہے۔



شکل I_a :موٹر: I_m بالقابل ما I_a خط

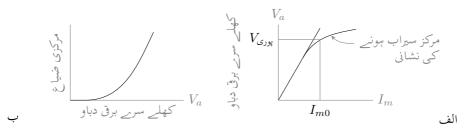
6.6 کھلے دوراور کسرِ دور معائنہ

معاصر مثین کے مساوی دور بنانے کے لئے اس کے جزو معلوم کرنا لازم ہے۔ یہ دو قتم کے معائنوں سے کیا جاتا ہے۔ انہیں کھلے دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ کہتے ہیں۔ان معائنوں سے قالب کے سیر اب ہونے کے اثرات بھی سامنے آتے ہیں۔ہم نے ٹرانسفار مر کے لئے بھی اسی قتم کے معائنے کیے تھے۔وہاں ہم نے دیکھا تھا کہ کھلے دور معائنہ اس برتی دباو پر کیا جاتا ہے جتنے کے لئے مثین بنائی 22 گئی ہو جبکہ کسرِ دور معائنہ اس برتی رو پر کیا جاتا ہے جتنے کے لئے مثین بنائی 22 گئی ہو جبکہ کسرِ دور معائنہ اس برتی رو پر کیا جاتا ہے جتنے کے لئے مثین بنائی گئی ہو۔ یہاں بھی ایسا ہی کیا جائے گا۔

6.6.1 گطي دورمعائنه

معاصر مثنین کے برقی سرے کھلے رکھ کر اور اسے معاصر رفتار پر گھماتے ہوئے مختلف I_m پر مثنین کے سروں پر پیدا برقی دباو V_a ناپی جاتی ہے ۔ ان دو کا ترسیم شکل 6.11-الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط مثنین کے کھلے دور خاصیت ظاہر کرتا ہے۔ یہی خط مثنین بنانے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

design²²



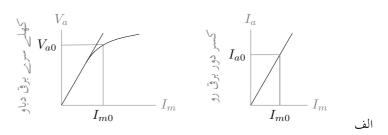
شكل 6.11: گطيرد ور خطاور قالبي ضياع ـ

اس کتاب کے حصہ 2.8 میں بتلایا گیا تھا کہ قالب پر لاگو مقناطیسی دباوا گر بڑھایا جائے تو اس میں مقناطیسی بہاو بڑھتی ہے البتہ جلد ہی قالب سیر اب ہونے لگتا ہے۔اس کا اثر شکل-الف میں خط کے جھکنے سے واضح ہے۔اگر قالب سیر اب نہ ہوتا تو یہ خط شکل میں دیئے سیدھی کلیر کی پیروی کرتا۔شکل میں مشین کا پورا برقی دباو اور اس پر درکار برقی رو I_{m0} دکھلایا گیا ہے۔

یہ معائنہ کرتے وقت اگر دھرے پر میکانی طاقت p_1 ناپی جائے تو یہ بے بو چھ مشین کی طاقت کے ضیاع کے برابر ہو گی۔ اس کا بیشتر حصہ رگڑ کی وجہ سے ، کچھ حصہ قالب میں ضیاع کی وجہ سے اور کچھ گھومتے کچھے میں ضیاع کی وجہ سے ہو گا۔ یاد رہے کہ عموماً گھومتے کچھے کو یک سمتی جزیئر سے برقی توانائی دی جاتی ہے اور یہ جزیئر بھی مشین کی وجہ سے ہوتا ہے لمذا اسے طاقت محرک 23 سے ہی ملتی ہے۔ بے بو چھ مثین اور بو چھ بردار مثین دونوں کا رگڑ سے طاقت کے ضیاع کو کیساں سمجھا جاتا ہے چونکہ رگڑ سے طاقت کے ضیاع کا مثین پر لدے بو جھ سے کوئی خاص تعلق نہیں۔ اب اگر یہی معائنہ دوبارہ کیا جائے لیکن اس مرتبہ I_m بھی صفر رکھا جائے تو اس مرتبہ ناپا گیا طاقت کے ضیاع اور گھومتے کچھے میں برتی ضیاع کے برابر ہو گا۔ ان دو ناپے گئے طاقت کا فرق لیعن بہت کم ہوتا قالب میں طاقت کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے قالبی ضیاع کا ایک خط شکل ہے اور اس کو عموماً قالب کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے قالبی ضیاع کا ایک خط شکل ہے۔ اور اس کو عموماً قالب کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے قالبی ضیاع کا ایک خط شکل

6.6.2 كسرٍ دور معائنه

 I_m معاصر مثین کو معاصر رفتار پر جزیئر کے طور چلاتے ہوئے اس کے ساکن کچھے کے سرے کسرِ دور کر کے مختلف I_m پر کسرِ دور برقی رو I_a ناپی جاتی ہے۔ ان دو کا ترسیم شکل I_a -الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط کسرِ دور مشین کی I_a -دور برقی رو I_a -تاتیہ کے کوتانائی کا سی جزیئر ہے آتیہ دراں جزیئر کودھ ہے تاتیہ ہے۔



شكل 6.12: كسرٍ دور خطاور كطلے دور خط۔

خاصیت و کھلاتا ہے۔ یہ معائنہ کرتے وقت یہ دھیان رکھنا بہت اہم ہے کہ I_a کی مقدار کہیں خطرناک حد تک نہ بڑھ جائے للذا اسے جزیئر کے پورے برقی بوجھ 2 پر I_a کی مقدار یا اس کی دگنی مقدار سے کم رکھنا ضروری ہے ورنہ مثین گرم ہو کر تباہ ہو سکتی ہے۔ کسرِ دور مثین میں، ڈیزائن کردہ برقی دباو کے، صرف دس سے پندرہ فی صد برقی دباو پر ہی اس میں سو فی صد برقی رو شروع ہو جاتی ہے۔ اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے خلائی درز میں اس تناسب سے کم مقناطیسی بہاو درکار ہوتا ہے۔

شکل 6.5 میں جزیٹر کے مساوی برتی دور دکھائے گئے ہیں۔ اسے شکل 6.13 میں کسرِ دور کر کے دکھایا گیا ہے۔ یہاں سے واضح ہے کہ

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

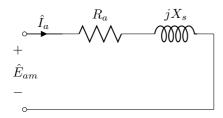
کو نظر انداز کر کے اس مساوات سے معاصر امالہ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے۔ R_a

(6.39)
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

اس مساوات میں \hat{I}_a کسرِ دور مشین کی برقی رو اور \hat{E}_{am} اس کی اسی حال میں ایک دور کی امالہ برقی دباو ہے۔ کھلے دور مشین میں \hat{I}_a صفر ہو تو \hat{E}_{am} اور مشین میں \hat{I}_a صفر ہوتا ہے ۔مساوات \hat{E}_{am} ہول گے۔ لہذا ہم کسی معین \hat{I}_a پر شکل \hat{V}_a -الف سے \hat{I}_a اور شکل \hat{I}_a -ب سے \hat{I}_a معلوم کرتے ہیں اور ان سے \hat{I}_a کا حساب لگاتے ہیں، یعنی

$$(6.40) X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$

 $full\ load^{24}$



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad X_s \gg R_a \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

شكل 6.13: معاصراماله-

معاصر امالہ عموماً مشین کے بورے برقی دباو پر معلوم کی جاتی ہے تا کہ قالب سیر اب ہونے کے اثر کو بھی شامل کیا جائے۔شکل میں ایبا ہی کیا گیا ہے۔

معاصر امالہ مثین کو ستارہ نما تصور کر کے اس کا یک مرحلہ X_s حاصل کیا جاتا ہے۔لہذا اگر معائنہ کرتے وقت مثین کی تار برقی دباو 25 ناپے گئے ہوں تو انہیں $\sqrt{3}$ سے تقسیم کر کے مثین کے یک مرحلہ برقی دباو حاصل کر کے مشین کے میں استعال کریں، لینی

$$(6.41) V_{\text{Max}} = \frac{V_{\text{N}^*}}{\sqrt{3}}$$

مثال 6.4: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر ستارہ جڑی 415 وولٹ پر چلنے والی تین مرحلہ معاصر مشین کے کھلے دور اور کسر دور معائنے کئے گئے۔عاصل نتائج یہ ہیں۔

- کھلے دور معائنہ: $I_m = 3.2 \, \mathrm{A}$ اور $I_m = 3.2 \, \mathrm{A}$ ہیں۔
- کسر دور معائنه: جب قوی کچھے کی برتی رو A 104 متھی تب میدانی کچھے کی برتی رو A 2.48 متھی اور جب قوی کچھے کی برتی رو A 126 متھی تب میدانی کچھے کی برتی رو A 3.2 متھی۔

اس مثین کی معاصر امالہ حاصل کریں۔

line voltage²⁵

حل: یک مرحله برقی دباو

$$V_{\rm loc} = rac{V_{
m lc}}{\sqrt{3}} = rac{415}{\sqrt{3}} = 239.6\,{
m V}$$

ہے۔ یہ کھلے دور برقی دباو 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رو پر حاصل ہوتی ہے۔ اتنی میدانی برقی رو پر کسرِ دور برقی رو 126 ایمپیئر ہیں لہٰذا یک مرحلہ معاصر امالہ

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901\,\Omega$$

ہو گی۔

کسر دور معائدہ کرتے وقت اگر دھرے پر لاگو میکانی طاقت p_3 ناپی جائے تو یہ کسر دور مثین کی کل ضیاع ہو گی۔ p_3 ناپ لیں۔اس کا کچھ حصہ قالب کی برتی ضیاع، کچھ دونوں کچھوں میں برتی ضیاع اور کچھ رگڑ سے میکانی ضیاع سے جے۔اب اگر اس سے پچھلے معائد میں ناپی گئی رگڑ کی ضیاع p_2 منفی کی جائے تو ہمیں کچھوں کی ضیاع اور قالب کی ضیاع ماتا ہے۔ جیسا اوپر عرض کیا گیا کہ کسر دور مثین میں پورا برتی رو، جیسا وپر عرض کیا گیا کہ کسر دور مثین میں پورا برتی درکار پورے برتی دباوے صرف دس تا ہیں فی صد پر حاصل ہو جاتا ہے اور اتنا کم برتی دباو حاصل کرنے کے لئے درکار مقاطیسی بہاو اتنا ہی کم ہوتا ہے۔ اس طرح کسی مقاطیسی بہاو پر قالب میں ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح کسی بھی کسر دور معاصر مثین کے گھومتے کچھے میں برتی ضیاع ساکن کچھے میں برتی ضیاع سے بہت کم ہوتا ہے اور اسے بھی نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔لہذا (p_3-p_2) کو ساکن کچھے میں برتی ضیاع کے برابر لیا جاتا ہے۔شکل 6.14 میں بھی نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔لہذا

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
 اس مساوات سے معاصر مشین کی مساوی مزاحمت یوں حاصل ہوتی ہے۔ $R_a=rac{p_3-p_2}{I_{a,3}^2}$

مثال 6.5: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر 415 وولٹ پر چلنے والی تین مرحلہ معاصر مشین کے پورے برقی رو پر کل کسرِ دور طاقت کا ضیاع 2.2 کلو واٹ ہے۔ اس مشین کی یک مرحلہ موثر مزاحمت حاصل کریں۔



شكل 6.14: كسر دور معاصر مثين ميں طاقت كاضياع ـ

2200
 جال: یک مرحلہ ضیاع 2200 $= 733.33\,\mathrm{W}$ ہوری برقی رو $\frac{75000}{\sqrt{3}V_{\mathrm{Pl}}}=104.34\,\mathrm{A}$

ہے۔للذا

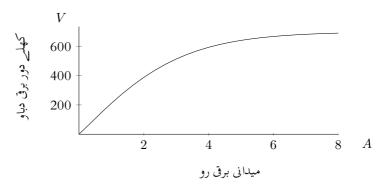
$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067\,\Omega$$

ہے۔

مثال 6.6: شکل 6.15 میں 500 وولٹ، 50 ہر ٹز، 4 قطب ستارہ جڑی معاصر جزیٹر کا کھلے دور خط دکھایا 0.92 ہر ٹز، 4 قطب ستارہ جڑی معاصر جزیٹر کا کھلے دور خط دکھایا گیا ہے۔اس جزیٹر کا معاصر امالہ 0.11 اوہم اور قوی کچھے کی مزاحمت 0.01 اوہم ہے۔پورے برقل کے ضاع اور کچھے کی مزاحمت میں ضاع کا مجموعہ 30 کلو واٹ جبکہ قالب کی ضاع 25 کلو واٹ ہے۔

- جزیٹر کی رفتار معلوم کریں۔
- بے بوجھ جزیٹر کی سرول پر 500 وولٹ برقی دباو کتنی میدانی برقی رویر حاصل ہو گا۔

lagging power factor²⁶



شكل 6.15: كطيرد ورخطيه

- اگر جزیٹر پر 92.0 تاخیر ی جزو طاقت، 1000 ایمپیئر کا برقی بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ بر قرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برقی رو در کار ہو گی۔
- جزیٹر پورے بوجھ پر کتنی طاقت فراہم کر رہا ہے جبکہ اس کو محرک کتنی میکانی طاقت فراہم کر رہا ہے۔ان دو
 ہے جزیٹر کی فی صد کارگزار ہے 27 حاصل کریں۔
 - اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تواس لحہ اس کے برقی سروں پر کتنا برقی دباو ہو گا۔
- اگر جزیٹر پر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش جزو طاقت والا بوچھ لادا جائے تو جزیٹر کے برتی سروں پر 500 وولٹ بر قرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برتی رو در کار ہو گی۔
- ان دو 1000 ایمپیئر تاخیری جزو طاقت اور پیش جزو طاقت بو جھوں میں کو نسی بوجھ زیادہ میدانی برقی رو پر حاصل ہوتی ہے۔جزیٹر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہو گا۔

حل:

- ے $f_e = \frac{P}{2} f_m$ فی کینڈ یا $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$ کی منٹ ہے۔ $f_e = \frac{P}{2} f_m$
 - شكل 6.15 سے 500 وولٹ كے لئے دركار ميدانى برقى رو تقريباً 2.86 ايمپيئر ہے۔

efficiency²⁷

• سارہ برقی دباو کے تعلق ب_{کر ط} $V_{\rm J} = V_{\rm J} = 289$ ہے $V_{\rm J} = \sqrt{3}V_{\rm J}$ وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ سارہ جوڑ میں یک مرحلہ برقی رو اور تار برقی رو برابر ہوتے ہیں۔ جزو طاقت سارہ یک مرحلہ برقی دباو کے نسبت سے بیان کیا جاتا ہے۔ چو نکہ °0.92 = 23.07 ہے لندا اگر برقی سروں پر دباو °289 کھا جائے تو تاخیری دوری برقی رو و $\frac{289}{0}$ کھی جائے گی۔ یول شکل 6.4 یا مساوات 6.24 سے اندرونی پیدا یک مرحلہ برقی دباو

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 289/0^{\circ} + 1000/-23.07^{\circ} (0.01 + j0.1)$$

$$= 349/14.6^{\circ}$$

ہو گا جس سے اندرونی پیدا تار برتی دباو $604=604 imes\sqrt{3} imes04$ وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتن دباو کے لئے $4.1\,\mathrm{A}$ میدانی برتی رو در کار ہے۔

• جزیٹر اس صورت میں

$$p = \sqrt{3}\hat{V}_a \cdot \hat{I}_a$$
$$= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92$$
$$= 796743 \text{ W}$$

فراہم کر رہاہے جبکہ محرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\text{kW}$$

$$\eta=\frac{796.743}{851.74} imes 100=93.54\%$$
 فراہم کر رہا ہے للذا اس جزیٹر کی کار گزاری

- اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تو اس لحہ اس کے برقی سروں پر 604 وولٹ برقی دباو ہو گا۔
 - پیش جزو طاقت کی صورت میں

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left(R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^{\circ}} + 1000 \underline{/23.07^{\circ}} (0.01 + j0.1) \\ &= 276 \underline{/20.32^{\circ}} \end{split}$$

 $\sqrt{3} \times 276 = 478$ ورکار ہو گی جس سے اندرونی پیدا تار برقی دباو $\sqrt{3} \times 276 = 478$ وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتنی دباو کے لئے $\sqrt{3} \times 2.7$ میدانی برقی رو درکار ہے۔

• تاخیری جزو طاقت کے بوجھ پر جزیر کو زیادہ میدانی برقی رو درکار ہے۔میدانی کچھے کی مزاحمت میں اس کی وجہ سے زیادہ برقی طاقت ضائع ہوگی اور جزیر یول زیادہ گرم ہوگا۔

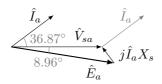
مثال 6.7: ایک 415 وولٹ، 40 کلو وولٹ۔ایمپیئر شارہ جڑی 0.8 جزو طاقت، 50 ہرٹز پر چلنی والی معاصر مثال 2.7: ایک 415 وولٹ، 40 کلو وولٹ۔ایمپیئر شارہ جڑی 0.8 جزو طاقت، 50 ہرٹز پر چلنی والی معاصر امالہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع ایک کلو واٹ جبکہ قالبی ضیاع 800 واٹ ہے۔یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی بوجھ سے لدی ہے اور یہ 0.8 بیش جزو طاقت پر چل رہی ہے۔یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو شارہ نما تصور کرتے ہوئے حاصل کی جاتی ہے۔

- اس کی مرحلی سمتیہ بنائیں۔تار کی برتی رو \hat{I}_t اور قوی کیچھے کی برتی رو \hat{I}_a حاصل کریں۔موٹر کی اندرونی ہیجانی برتی و باو \hat{E}_a حاصل کریں۔
- میدانی برقی رو کو بغیر تبدیل کئے میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھا کر دگنی کی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر کی ردِ عمل مرحلی سمتیہ سے واضح کریں ۔
- اس دگنی میکانی بوجھ پر قوی کچھے کی برقی رو، تار کی برقی رو اور موٹر کی اندرونی ہیجانی برقی د باو حاصل کریں۔موٹر کی جزو طاقت بھی حاصل کریں۔

حل:

• سارہ جڑی موٹر کے سروں پر یک مرحلہ برتی دباو $239.6\,\mathrm{V}$ ہوگا جسے صفر زاویہ پر تصور کرتے ہوئی موٹر کے نروں پر یک مرحلہ برتی دباو $\hat{V}_{sa}=239.6\,\mathrm{V}$ کھا جائے گا۔ جزو طاقت $0.8\,\mathrm{V}$ ناویہ $\hat{V}_{sa}=239.6\,\mathrm{V}$ کھا جائے گا۔ جزو طاقت $0.8\,\mathrm{V}$ ناویہ $0.8\,\mathrm{V}$ کھا جائے گا۔ جزو طاقت اس کی میکانی میکانی طاقت اور طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگی لیعنی طاقت اور طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگی لیعنی

12200 W + 1000 W + 800 W = 14000 W



شكل 6.16: بوجھ بردار معاصر موٹر۔

جس کے لئے در کار تار کی برقی رو

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t \cos \theta}$$
$$= \frac{14000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$$
$$= 24.346 \text{ A}$$

ہو گی۔ ستارہ جڑی موٹر کے قوی کچھے کی برقی رو تار کے برقی رو کے برابر ہو گی۔ یوں برقی رو کا زاویہ شامل کرتے ہوئے اسے

$$\hat{I}_a = \hat{I}_t = 24.346 / 36.87^{\circ}$$

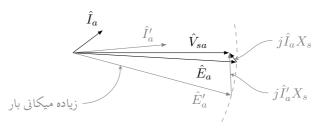
لکھا جا سکتا ہے۔

موٹر کا اندرونی یک مرحلہ ہیجانی برقی دباو موٹر کی مساوی دور شکل 6.3 کی مدد سے

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{a,s} - jX_s\hat{I}_a$$
= 239.6/0° - j2.2 × 24.346/36.87°
= 276/-8.96°

ہو گی۔یہ تمام صورت حال شکل 6.16 میں مرحلی سمتیات کی مدد سے دکھایا گیا ہے۔

میکانی بوجھ بڑھنے سے موٹر کو زیادہ برقی طاقت درکار ہو گی۔ یہ اس صورت ممکن ہو گا جب موٹر کے قوی کھی برقی رو بڑھ سکے۔میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کی اندرونی پیجانی برقی دباو \hat{E}_a کی مقدار تبدیل نہیں ہو سکتی البتہ اس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔موٹر \hat{E}_a کی مقدار تبدیل کئے بغیر برقی سروں پر لا گو برقی دباو \hat{V}_a اور \hat{E}_a کی مایین زاویہ بڑھا کر قوی کچھے کی برقی رو اور یوں حاصل برقی طاقت بڑھائے گا۔ایسا شکل 17 میں دکھایا گیا ہے۔شکل میں \hat{E}_a میں ملی سمتیہ کی نوک نقطہ دار گول دائرہ پر رہتی ہے۔یوں اس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔زاویہ بڑھنے سے \hat{F}_a ہڑھتا ہے۔چونکہ \hat{F}_a نہیں بڑھ رہا للذا در حقیقت قوی کچھے کی برقی رو بڑھ گئی ہے۔زیادہ بوجھ کے متغیرات کو ہلکی سابی میں دکھایا گیا ہے۔



شكل 6.17: بوجھ بڑھنے كااثر۔

• وگنی میکانی بوجھ پر موٹر کو کل ہو2620 = 26200 + 800 + 1000 واٹ یا 26.2 کلو واٹ برتی طاقت در کار ہے۔مساوات 6.29 کی مدد سے

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_a E_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^{\circ}$$

يوں موٹر کی اندرونی ہيجانی برقی دباو <u>°16.89-/</u>276 ہو گی اور قوی کچھے کی برقی رو

$$\hat{I}_a = \frac{\hat{V}_a - \hat{E}_a}{jX_s}$$

$$= \frac{239\underline{/0^{\circ}} - 276\underline{/-16.89^{\circ}}}{j2.2}$$

$$= 38\underline{/17.4^{\circ}}$$

ہو گی۔ستارہ جوڑ کی وجہ سے \hat{I}_t مجھی اتنا ہی ہو گا۔ پیش جزو طاقت $\cos 17.4^\circ = 0.954$ ہے۔

ياب7

امالی مشین

گزشتہ برسوں میں قومے الیکڑانکرے 1 کی میدان میں بہت ترقی ہوئی۔اس کا ایک نتیجہ یہ نکلا کہ امالی موٹروں کی رفتار پر قابو رکھنا ممکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کارخانوں میں یک سمتی رو موٹروں کی جگہ لینی نثر وع کی۔ یہاں یہ جلاتا چلوں کہ اس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہمیت رکھتی وہاں یک سمتی رو موٹر ہی استعال ہوتی جن کی رفتار پر قابو رکھنا نہایت آسان ہوتا ہے۔ پچاس سال پہلے ترقی یافتہ ممالک میں یک سمتی سے امالی آلوں کی جانب تبدیلی نثر وع تھی۔ آج میں یہی تبدیلی پاکستان میں دکھے رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیریا کام کرنے کی صلاحیت مثالی ہے۔ قومی الکیٹرانکس نے ان کی بے قابو رفتار کو قابو کر کے انہیں بلا مقابلہ بنا دیا۔

امالی موٹر ٹرانسفار مرکی ایک اور شکل ہے یا یوں کہنا بہتر ہو گاکہ یہ ایک ایسا ٹرانسفار مر ہے جس میں ثانوی لچھا حرکت بھی کرتا ہے۔یوں امالی موٹر کے ساکن کچھے ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے اور موٹر کے گھومتے کچھے ٹرانسفار مرک ثانوی کچھوں کی جگہ ہوتے ہیں۔موٹر کے ساکن کچھوں کو بیرونی برقی طاقت دی جاتی ہے جبکہ اس کے گھومتے کچھوں میں خلاء میں گھومتے مقناطیسی موج سے پیدا امالی برقی دباو ہی کام آتی ہے۔اسی سے اس کا نام امالی موٹر نکلا ہے۔

اس باب کا مقصد امالی موٹر کی مساوی دور لیعنی ریاضی نمونہ ² بنا کر اس کی خصوصیات پر غور کرنا ہے۔ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دور ٹرانسفار مر کے مساوی دور کی طرح کا ہے۔

 $\begin{array}{c} power \ electronics^1 \\ mathematical \ model^2 \end{array}$

باب-7. امالي مشين

یہاں بھی ہم تصور کرتے ہیں کہ موٹر دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے کیھے ستارہ نما بڑے ہیں۔اس طرح یک مرحلہ کچھوں میں برقی رو، تارکی برقی رو ہی ہوگی اور ان پر لاگو برقی دباو، یک مرحلہ برقی دباو ہوگی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

7.1 ساكن لچھوں كى گھومتى مقناطيسى موج

امالی مشین کے ساکن کچھے بالکل معاصر مشین کے ساکن کچھوں کی طرح ہوتے ہیں۔مزید یہ کہ اس کے گھومتے جھے کے اسے ہی قطب ہوتے ہیں جیتے اس کے ساکن کچھوں کے ہوتے ہیں ۔اگر ان ساکن کچھوں کو متوازن تین مرحلہ برقی روسے بیجان کیا جائے تو یہ ایک گھومتے مقناطیسی دباو کی موج کو جنم دیں گے جے مساوات 5.48 میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 5.58 میں موج کی معاصر رفتار دیتی ہے۔یہ دونوں مساوات بیہاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ دیئے جاتے ہیں۔ بیہاں ساکن کچھوں میں برقی روکی تعدد ω تعدد ω کتھی گئی ہے اور ω کو صفر لیا گیا ہے۔

(7.1)
$$\tau_s^+(\theta, t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega_t)$$
$$f_m = \frac{2}{P}f_e$$

7.2 مشین کی سر کنے اور گھومتی موجوں پر تبسرہ

ہم دو قطب کے مثین پر غور کر رہے ہیں۔P قطب کا تذکرہ بھی بالکل اسی طرح ہے۔ساکن کیجھوں میں تین مرحلہ برتی رو کی تعدد f_e ہے۔مساوات f_e کہتا ہے کہ دو قطب کی مثین میں موج کی معاصر رفتار بھی f_e چکر فی سکنڈ ہے۔ اب نصور کریں کہ مثین کا گھومتا حصہ f میکانی چکر فی سکنڈ سے موج کی سمت میں گھوم رہا ہے جہاں $f < f_e$ مہار کے اس صورت میں ہر سکنڈ گھومتا حصہ مقناطیسی بہاو کی موج سے پیچھے سرک جائے گا۔اس سر کنے کو موج کی معاصر رفتار کی نسبت سے یوں لکھا جاتا ہے۔

$$(7.2) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یہاں s مشین کے سرک 2 کی ناپ ہے۔اس مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔

(7.3)
$$f = f_s(1-s) = f_e(1-s)$$
$$\omega = \omega_s(1-s) = \omega_e(1-s)$$

یہاں غور کریں۔ مقناطیسی بہاو کی موج f_e زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے جبکہ گھومتے کچھے کی زاویائی رفتار f_e ہے۔ گھومتے کچھے کے حوالہ سے مقناطیس بہاو کی موج (f_e-f) رفتار سے گھوم رہی ہے۔ یعنی اگر گھومتے کچھے کو ساکن تصور کیا جائے تو گھومتے مقناطیسی بہاو کی موج (f_e-f) اضافی رفتار سے گھوم رہی ہو گی۔ یوں گھومتے کچھے میں امالی برقی دباو کی تعدد f_r کو یوں کھا جاسکتا ہے۔ جاسکتا ہے۔

(7.4)
$$f_r = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

اگر مشین کو ایک امالی موٹر کے طور پر استعال کیا جا رہا ہو تو اس کے گھومتے کچھے کسر دور رکھے جاتے ہیں۔یوں ان کچھوں میں برقی رو کی تعدد sf_e اور ان کی مقدار کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو اور کچھوں کی رکاوٹ پر منحصر ہوتی ہے۔ کچھوں کی رکاوٹ برقی رو کی تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

ساکن موٹر جب چالو کی جائے تو اس کے سرک s کی قیمت ایک ہوتی ہے لین 1=s اور یوں اس کے گومتے کچھوں میں برتی رو کی تعدد f_e ہوتی ہے۔ گومتے کچھوں میں f_e تعدد کی برتی رو ایک گومتی مقناطیسی دباو کی موج کو جنم دے گی جو معاصر رفتار سے گومے گی۔ یہ بالکل اس طرح ہے جیسے ساکن کچھوں میں برتی رو سے گومتا مقناطیسی دباو کا موج وجود میں آتا ہے۔ لہذا ساکن اور گومتے کچھے دونوں کے گومتے مقناطیسی دباو کے موج ایک ہی رفتار سے گومتے ہیں۔ یہ دو مقناطیسی دباو کی موجیں دو گومتے مقناطیسوں کی طرح ہیں جو کوشش کریں گے کہ ان کے مابین زاویہ صفر ہو۔ یوں موٹر قوضے مروڈ کہ پیدا ہوتا ہے جس کا حساب مساوات 5.90 سے لگیا جا سکتا ہے۔ اگر موٹر کے دھرے پر لدے بوجھ کو مثنین کا پیدا کردہ قوت مروڑ گھما سکے تو مثنین گھومے گی۔ اس کی رفتار تیز ہو کر ایک برقرار حد تک پہنچ جائے گی۔ امالی موٹر کی رفتار کبھی بھی معاصر رفتار تک نہیں پہنچ سکتی چونکہ اس رفتار پر اس کے گھوں کی نسبت سے ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج ساکن ہو گی اور گھومتے کچھوں میں کوئی امالی برقی دباو پیدا نہیں ہو گی۔ ویا در گھومتے کچھوں میں کوئی امالی برقی دباو پیدا نہیں ہو گی اور گھومتے کچھوں میں کوئی امالی برقی دباو پیدا نہیں ہو گا۔

جب موٹر چل پڑتی ہے تو اس کے گھومتے کچھوں میں برقی رو کی تعدد sf_e ہوتی ہے۔ ان برقی رو سے پیدا مقاطیسی دباو کی موج گھومتے کچھ کے حوالہ سے sf_e رفتار سے گھومے گی چونکہ معاصر رفتار برقی رو کی تعدد کے

slip³ torque⁴

باب.7. امالي مشين

 $(f+sf_e)$ ہوتی ہے۔اب گھومتا کچھا از خود f رفتار سے گھوم رہا ہوتا ہے للذا یہ موج در حقیقت خلاء میں رفتار سے گھومتی ہے۔میاوات f. کسے

$$(7.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

یہ ایک بہت اہم منتیجہ ہے۔ یہ مساوات کہتا ہے کہ موٹر کسی بھی رفتار سے گھوم رہی ہو، گھومتے کچھول سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج ساکن کچھول سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج کی رفتار سے ہی گھومتی ہے۔

مثال 7.1: ایک چار قطب کی ستارہ جڑی 50 ہر ٹز، 415 وولٹ پر چلنے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی اپنی پوری بوجھ پر پانچ فی صد سرک پر چلتی ہے۔

- اس موٹر کی معاصر رفتار کیا ہے۔
- پورے بوجھ پر اس کی کیا رفتار ہے۔
- پورے بوجھ پر گھومتے کچھے میں برقی تعداد ارتعاش کیا ہے۔
- پورے بوجھ سے لدے موٹر کی دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

حل:

- مساوات 7.1 کی مدو سے معاصر رفتار $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$ کیکر فی سیکنڈ یا 7.1 کی مدو سے معاصر رفتار منٹ ہے۔
- پورے بوجھ سے لدا موٹر پانچ فی صد سرک پر چاتا ہے المذا اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم ہو گی۔موٹر کی رفتار مساوات 7.3 کی مدد سے 23.75 = 25(1-0.05) = 25 کی رفتار مساوات 7.3 کی مدد سے 23.75 کی مدنے ہو گی۔ گی۔
 - $f_r = 0.05 imes 50 = 2.5$ ہر ٹر ہے۔ $f_r = 0.05 imes 50$
 - ال کے وحرے پر قوت مروڑ $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \mathrm{Nm}$ ہو گا۔

7.3 ساكن لچھوں ميں امالى برقى دباو

مساوات 7.1 کا پہلا جزو ساکن کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباو کی موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ مقناطیسی دباو مثنین کی خلائی درز میں مقناطیسی شدت $H^+(\theta)$ پیدا ہو گا۔ اگر خلائی درز میں مقناطیس بہاو $H^+(\theta)$ پیدا ہو گا۔ اگر اس خلائی درز کی رداس کی سمت میں لمبائی $H^+(\theta)$ ہو تو

(7.6)
$$B^{+}(\theta) = \mu_0 H^{+}(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^{+}(\theta)}{l_g}$$
$$= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega_e t)$$

یہ مساوات بالکل مساوات $B^+(\theta)$ کی طرح ہے۔ یوں مساوات 5.72 اس مقناطیسی موج $B^+(\theta)$ کی ساکن کچھوں میں پیدا کردہ امالی برقی دباو کو ظاہر کرے گی ۔ یہ مساوات یہاں دوبارہ دیا جا رہا ہے۔

(7.7)
$$e_{as}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t - 90^\circ) = E_s \cos(\omega_t - 90^\circ)$$
$$e_{bs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 150^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 150^\circ)$$
$$e_{cs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 30^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 30^\circ)$$

جہال N_s ساکن کھھے کے چکر ہیں اور

$$(7.8) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

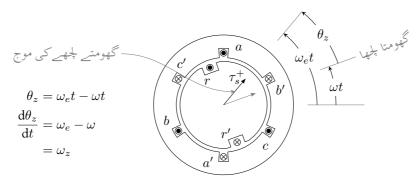
a یہاں $e_{as}(t)$ کا گھتے ہوئے زیر نوشت میں a ، مرحلہ a کو ظاہر کرتا ہے اور $e_{as}(t)$ ساکن $e_{as}(t)$ کہ موج اس کچھے کی امالی برقی دباو ہے۔ امالی موٹر کے a مرحلے کی بات ہی آگے کرتے ہیں۔ گھومتی مقناطیسی دباو کی موج اس کچھے میں امالی برقی دباو $e_{as}(t)$ پیدا کرتی ہے۔

7.4 ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیداامالی برقی دباو

مساوات 7.1 کا پہلا بُڑن ساکن کچھوں کی پیدا کردہ، گھومتے مقناطیسی دباو کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔اس موج کی چوٹیt اس مقام پر ہوتی ہے جہال $(\theta-\omega_e t)$ صفر کے برابر ہو۔ یوں لمحہ صفر پر اس کی چوٹی صفر زاویہ پر ہوگی اور لمحہ t پر

انظ ساکن میں حرف س کے آواز کوsے ظاہر کیا گیاہے۔ $ext{peak}^6$

باب-7. امالي مشين



شکل 7.1: امالی موٹراوراس کے گھومتے مقناطیسی دباو کی موجیں۔

اس موج کی چوٹی زاویہ $w_e t$ پر ہو گی۔ ساکن کچھوں کی مقناطیسی دباو کی موج کا زاویہ کسی بھی نقطہ کے حوالے سے کیا جا سکتا ہے۔ اس کتاب میں صفر زاویہ ساکن کچھا α کو لیا جاتا ہے۔ اس طرح یہ زاویہ نقطہ دار اُفقی ککیر سے نایا جاتا ہے۔ اس طرح یہ زاویہ نقطہ دار اُفقی ککیر سے نایا جاتا ہے۔ شکل 7.1 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ایک امالی موٹر دکھائی گئی ہے جس کے تین مرحلہ ساکن کچھے ہیں۔ ہیں۔

f شین f گومتے کچھے بھی بالکل اسی طرح ہوتے ہیں اگرچہ شکل میں صرف ایک ہی گھومتا کچھا دکھایا گیا ہے۔ مثین f زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ نصور کریں کہ لمحہ صفر یعنی f پر گھومتے حصہ کا g کچھا صفر زاویہ پر ہے، یعنی یہ نقطہ دار اُفقی کلیر پر ہے مزید یہ کہ اس لمحہ ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج بھی اسی اُفقی کلیر پر ہے۔ اب نقطہ دار اُفقی کلیر پر ہے موج زاویہ کہ س کہ سے موج زاویہ جو گی۔ اتنی دیر میں گھومتا حصہ گھوم کر زاویہ میں تک پہنچ جائے گا جہاں g ہموج اور گھومتے کچھے جہاں کے درمیان زاویہ چg ہر ہو گا

$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$ اگرچہ مقناطیسی موج نے $\omega_e t$ زاویہ طے کیا لیکن گھومتے کچھے کے حوالے سے اس نے صرف زاویہ $\omega_e t = \omega_e$ کیا۔اسی طرح گھومتے کچھے کے حوالے سے اس موج کی اضافی σ زاویائی رفتار ω_e سے ہوگی۔

(7.10)
$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

یں لکھتے ہوئے زیر نوشت میں چے، لفظا ضافی کے حرف ض کی آواز کو ظاہر کر تا ہے۔ ω_z^7 relative angular speed

اس کو مساوات 7.4 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.11)
$$\omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s\omega_e$$

یہ مساوات کہتا ہے کہ گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی رفتار سرک s پر منحصر ہے۔اس موج کا حیطہ البتہ تبدیل نہیں ہوا۔ اس طرح گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی مساوات جو کہ مساوات 7.4 میں دی گئ ہے تبدیل ہو کر یہ بن جائے گی۔

(7.12)
$$B_{s,rz}^{+}(\theta,t) = B_0 \cos(\theta - \omega_z t) = B_0 \cos(\theta - s\omega_e t)$$

یں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں s,rz اس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا اور اسے گھومتے یعنی روال کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔مزید ہیں کہ اس مساوات کی تعدد اضافی تعدد $s\omega$ کے برابر ہے۔

یوں گھومتے کچھوں میں امالی برقی دباو مساوات 7.7 کی طرح ہی ہو گی مگر ان کی تعدد $\omega_z=s\omega_e t$ ہو گی $\omega_z=s\omega_e t$ ہو گی

(7.13)
$$e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 90^\circ)$$
$$e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 150^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 150^\circ)$$
$$e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 30^\circ)$$

ان مساوات میں N_r گھومتے کچھے کے چکر ہیں اور

$$(7.14) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

 $^{11}i_{arz}$ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھوں کو کسرِ دور کر دیا کیا گیا ہے۔ یہ امالی برقی د باد گھومتے کچھوں میں برقی رو $^{12}i_{arz}$ اور اس کی وغیرہ پیدا کرے گی جس کی تعدد $^{12}R_r$ اور اس کی امالی سماکن کچھے کی طرح، گھومتے کچھے کی مزاحمت $^{12}R_r$ اور اس کی امالیت $^{12}R_r$ میں متعامیت $^{12}R_r$ ہو گی جس کی متعامیت $^{13}S_r$ ہو گی۔ اسے ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(7.15) js\omega_e L_r = jsX_r$$

جہاں jX_r کو $j\omega_e L_r$ کے برابر لیا گیا ہے، لینی jX_r اس کچھے کی ساکن حالت میں متعاملیت ہے جب سرک ایک کے برابر ہو۔ گھومتے کچھوں میں برتی رو i_{arz} شکل 7.2 کی مدد سے حاصل کی جا عتی ہے جہاں گھومتے کچھے میں امالی برتی دباو $e_{arz}(t)$ مساوات 7.13 میں دیا گیا ہے۔

انظر ماکن کے س کو ظاہر کرتا ہے،rلفظ روال کے رکو ظاہر کرتا ہے اور پر لفظ اضافی کے ض کو ظاہر کرتا ہے۔ e^{10} میں مر حلہ a ہے۔ گھوٹے کچھے کو اور اصافی کو پر ظاہر کرتا ہے۔

¹¹ یبان 7 گلومتے کچھے کو ظاہر کرتا ہے اور چاس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ اس بر قی رو کی تعدد ،اضافی تعدد ہے۔ 12 آرانسفار مر کیا صطلاح میں ٹانو کی کچھے کوزیر نوشت میں 2 سے ظاہر کرتے ہیں۔ یہاں اے ۲ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

بابـــ7. امالي مشين

$$Z_r = R_r + jsX_r$$

$$\phi_z = \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$

$$\hat{I}_{arz} = \frac{\hat{E}_{arz}}{Z_r}$$

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$

شكل 2.7: گھومتے لچھے كى مساوى دوراوراس ميں اضافی تعدد كى رويہ

یہ شکل بالکل شکل 1.14 کی طرح ہے للذا مساوات 1.53 اس میں برتی رو دے گی یعنی

(7.16)
$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 150^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 30^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہ تین مرحلہ برتی رو ہیں جو آپس میں °120 کا زاویہ رکھتے ہیں۔ یہاں پو ϕ رکاوٹ کا زاویہ 13 ہے۔امید کی جاتی ہے کہ اسے آپ مقاطیسی بہاو نہیں سمجھیں گے۔ یہاں

(7.17)
$$\theta_0 = -90 - \phi_z$$

$$I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

شكل 7.2 سے واضح ہے كہ ايك گھومتے لچھے كى مزاحمت ميں

$$(7.18) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا۔ یہ طاقت حرارت میں تبدیل ہو کر اس مزاحمت کو گرم کرے گی۔

استعلی و نیامیں رکاوٹ کے زاویہ کے لئے ج ϕ استعال ہوتا ہے۔ یہاں بھی کیا گیا ہے۔

7.5 گھومتے کیچھوں کی گھومتی مقناطیسی دیاو کی موج

ہم جانتے ہیں کہ ساکن تین مرحلہ کچھوں میں f_e تعدد کی برقی رو گھومتے متناطیسی دباو کی موج کو جنم دیتی ہے جو sf_e اس ساکن کچھے کے حوالے سے f_e معاصر زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس طرح گھومتے تین دور کچھوں میں sf_e ناویائی تعدد کی برقی روایک گھومتی مقناطیسی دباو کی موج τ_{rz}^+ کو جنم دیتی ہے جو اس گھومتے کچھے کے حوالے سے sf_e زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔

(7.19)
$$\tau_{rz}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - s\omega_e t - \theta_0)$$

یہاں I_{0r} اور θ_0 مساوات 7.17 میں دیئے گئے ہیں۔اب چونکہ گھومتا کچھا از خود f زاویائی رفتار سے گھوم رہا ہے لہذا اس کی پیدا کردہ مقاطیسی دباو کی موج خلاء میں $(f+sf_e)$ زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس رفتار کو مساوات 7.3 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.20)
$$f + sf_e = f_e(1 - s) + sf_e = f_e$$

للذا گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباو کی موج کو ساکن کچھوں کے حوالے سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.21)
$$\tau_{r,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

 $au_{r,s}$ میں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں r,s اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ یہ موج گھومتے یعنی رواں کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا ہے مگر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔

یہاں وقفہ لے کر ذرا غور کرتے ہیں۔ مساوات 7.21 کے مطابق گھومتا لچھا خود کسی بھی رفار سے گھوم رہا ہو،
اس کی پیدا کردہ گھومتی مقناطیسی دباو کی موج ساکن لچھے کے پیدا کردہ موج کی رفار سے ہی گھومے گی۔ لہذا مشین میں دو گھومتی مقناطیسی دباو کی موجیں ہیں جو ایک ہی معاصر رفار سے گھوم رہی ہیں۔ مساوات 5.89 میں کہا گیا ہے کہ دو مقناطیسی دباو کی موجود گی پیدا کرتی ہیں جو ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہے۔ لہذا امالی مشین میں موجود دو مقناطیسی موجیس پیدا کرتی ہیں اور اس کی مقدار ان دو موجوں کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتی ہے۔امالی موٹر اس پر لیدا کرتی ہیں اور اس کی مقدار ان دو موجوں کے مابین داویہ پر منحصر ہوتی ہے۔امالی موٹر اس پر لیدا کرتی ہیں۔

بابــ7. امالي شين

$$i_{fs}(t) \xrightarrow{\frac{R_r}{s}} jX_r$$

$$+ e_{fs}(t)$$

$$- e_{fs}(t)$$

$$= \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$

شكل 7.3: گھومتے کچھوں كى جگه فرضى ساكن کچھے كى دور ـ

7.6 گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھوں کی جگہہ N_r چکر کے تین مرحلہ فرضی ساکن کچھے ہوں تو مساوات 7.7 کی طرح ان میں امالی برقی دباو پیدا ہوگی یعنی 14

(7.22)
$$e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t - 90^\circ) = E_r \cos(\omega_e t - 90^\circ)$$
$$e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 150^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 150^\circ)$$
$$e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 30^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 30^\circ)$$

وزید فرض کریں کہ ان فرضی ساکن کچھوں کی مزاحمت
$$\frac{R_r}{s}$$
 اور متعاملیت jX_r ہیں یعنی (7.23)
$$Z_{fs}=\frac{R_r}{s}+jX_r$$

اگران پر مساوات 7.22 میں دیئے گئے برقی د ہاو لا گو کی جائے جیسے شکل 7.3 میں دکھایا گیا ہے تو ان میں برقی رو

بیہ ہو گی۔

$$(7.24) i_{afs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t - 90^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{bfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 150^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{cfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 300^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہاں مساوات 7.17 استعال کی گئی ہے۔اس مساوات میں دھیان رہے کہ رکاوٹ کا زاویہ ϕ_Z وہی ہے جو گھومتے لیھے کا تھا یعنی

(7.25)
$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

ان برقی رو کی تعدد ω_e ہے اور ان کا پیدا کردہ گھومتا مقناطیسی موج میہ ہو گا۔

(7.26)
$$\tau_{fs,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

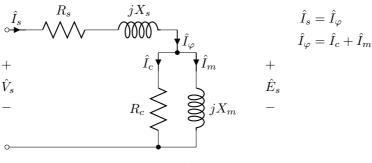
یہ مقناطیسی موج ہو بہو گھومتے کچھے کی موج $au_{r,s}^+(heta,t)$ ہے۔

7.7 امالي موٹر كامساوي برقى دور

ہم ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب کچھے کی برقی دور پہلے بنا چکے ہیں جہاں کچھے کی مزاحمت R_1 اور اس کی رستا متعاملیت E_1 متحال میں مقاطیسی بہاو اس کچھے میں امالی برقی د باو E_1 پیدا کرتی۔ پول کے میں امالی برقی د باو E_1 پیدا کرتی۔ پول

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 (R_1 + jX_1) + \hat{E}_1$$

باب-7. امالي مشين



شکل7.4:امالی موٹر کے ساکن کیچھوں کامساوی برقی دور۔

کھا جا سکتا ہے جہاں \hat{V}_1 ابتدائی کچھے پر لا گو بیرونی برقی دباو ہے۔ہم دیکھیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی بھی بھی مساوات حاصل ہو گی۔

تصور کریں کہ مثین کے گھومتے کیجھے کھلے دور ہیں اور اس کے ساکن کیجھوں پر تین مرحلہ برقی دباو لا گو ہے۔ اس صورت میں ساکن کیجھوں میں روال برقی رو ایک گھومتے مقناطیسی دباو کی موج $au_s^+(heta,t)$ پیدا کرے گی جو مساوات 7.1 میں دی گئی ہے۔

باب کے اس حصہ میں ہم مثین کے ایک مرحلے کو مدِ نظر رکھیں گے، مثلاً مرحلہ a یہاں شکل 7.4 سے رجوع $v_s(t)$ ہو اور اس پر لا گو بیرونی برقی دباو $v_s(t)$ ہو تو کر نوف j ہو اور اس پر لا گو بیرونی برقی دباو $v_s(t)$ ہو تو کر نوف کے برقی دباو کے قانون کے تحت

$$(7.28) v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

مساوات 7.7 میں دی گئی اس موج کی ساکن کچھ میں پیدا امالی برتی دباو ہے ۔اسی کو مرحلی سمتیہ کے طور پر $e_s(t)$ یوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.29)
$$\hat{V}_{s} = \hat{I}_{s} (R_{s} + jX_{s}) + \hat{E}_{s}$$

ٹرانسفار مر کی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔اگر موٹر کا گھومتا لچھا کھلے دور 17 رکھا جائے تو قالب میں ایک ہی گھومتی مقاطیسی دباو کی موج au_s ہو گی۔ساکن لچھے میں صرف برقی رو \hat{I}_{arphi} ہو گا جو قالب میں مقاطیسی بہاو φ_s کو

leakage reactance¹⁵

Kirchoff's voltage law¹⁶

open circuited¹⁷

221 7.7. امالي موٹر کامساوي پر قي دور

جنم دے گی۔ یہ برقی رو \hat{I}_{o} غیر سائن نما ہوتی ہے۔ فورئر تسلسل 18 سے اس کے بنیادی جزو اور ہار مونی جزو معلوم کئے حا سکتے ہیں۔ اس کے بنیادی جزو کے دو جھے ہوتے ہیں۔ ایک حصہ \hat{I} ، لا گو بیر ونی برقی دیاو \hat{V}_s کے ہم قدم ہوتا ہے اور یہ قالب میں طاقت کے ضاع کو ظاہر کرتا ہے اور دوسرا حصہ \hat{V}_{s} سے نوے درجہ پیچھے زاویہ پر رہتا ہے۔ \hat{I}_{o} میں سے منفی کر کے بقایا کو مقناطیسی جزو کہتے ہیں اسے \hat{I}_m سے ظاہر کرتے ہیں۔ یوں مقناطیسی جزو بنیادی جزو کے \hat{I}_c پیھے ھے اور باقی سارے ہارمونی جزو کے مجموعے پر مشتمل ہوتا ہے اور یہ قالب میں مقناطیسی بہاو ہ^ی پیدا کرتا ہے۔ $\hat{I}_{cc} = \hat{I}_{cc} + \hat{I}_{mc}$

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

امالی موٹر کے مساوی دور میں \hat{I}_c کو مزاحمت R_c سے اور \hat{I}_m سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان دونوں کا حساب چلتے موٹر میں متوقع برقی تعدد اور امالی برقی دیاو \hat{E}_{lpha} بر کیا جاتا ہے لیعنی

(7.31)
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$

$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

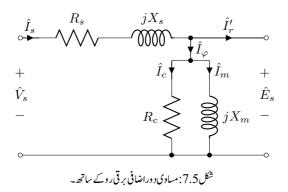
مقناطیسی دیاو کی موج au^+ گھومتے کھے میں بھی امالی برقی دیاو پیدا کرے گی۔مساوات 7.29 میں اگر رکاوٹ میں برقی دباو کے گھنے کو نظر انداز کیا جائے تو لا گو بیرونی برقی دباو اور کیجھے کی اندرونی امالی برقی دباو ہر حالت میں برابر ہوں گے۔اب تصور کرس کہ گھومتے کچھے کسر دور کر دیے جائیں۔ ایبا کرتے ہی ان میں برقی رو گزرنے لگے گا جو مقناطیسی دباو کی موج $au_{r,s}^+(heta,t)$ جو مساوات 7.21 میں دی گئی ہے کو جنم دے گی۔ اس موج سے ساکن کیھے میں امالی برقی دیاو $\hat{E}_{
m s}$ تبدیل ہو جائے گی اور بول یہ لا گو برقی دیاو کے برابر نہیں رہے گی۔ یہ ایک نا مکنہ صورت حال ہے۔

ساکن کھیے میں امالی برقی و باو، لا گو برقی و باو کے برابر تب رہے گی کہ قالب میں مقناطیسی و باو تبدیل نہ ہو۔ مثین کے قالب میں مقناطیسی دیاو بر قرار بوں رہتی ہے کہ ساکن کچھے مقناطیسی دیاو $au_{t}^{+}(heta,t)$ کی متضاد مقناطیسی و ماو کی ایک موج پیدا کرتی ہے جو اس کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔ یہ موج پیدا کرنے کے لئے ساکن کیچھوں میں برقی رو \hat{L}_{0} سے بڑھ کر $\hat{L}_{0}+\hat{L}_{0}$) ہو جاتی ہے جہاں یہ اضافی برقی رو یہ ہیں۔

(7.32)
$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_{e}t + \theta_{0})$$
$$i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_{e}t - 120^{\circ} + \theta_{0})$$
$$i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_{e}t + 120^{\circ} + \theta_{0})$$

Fourier series¹⁸

باب.7. امالي مشين



ان اضافی برتی رو کی متضاد مقناطیسی دباو کی موج یہ ہے

(7.33)
$$\tau_{(r)}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_s I'_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

ساکن کچھوں میں اضافی برقی رونے ہر لمحہ گھومتے کچھوں کی برقی رو کے اثر کو ختم کرنا ہے لہذا یہ دونوں برقی رو ہم قدم ¹⁹ ہی ہوں گے۔چونکہ بیر مساوات اور مساوات 7.21 برابر ہیں

$$(7.34) N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

للذا ان سے حاصل ہوتا ہے۔

(7.35)
$$I'_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

آپ نے دیکھا کہ گھومتے لیچے مقناطیسی دباوکی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن لیچھوں کو معلوم ہوتا ہے کہ موٹر پر بوجھ لدا ہے اور وہ اس کے مطابق لا گو برقی دباوسے برقی رولیتی ہیں۔ یہاں تک امالی موٹر کی مساوی برقی دور شکل 7.5 میں دکھائی گئی ہے۔

یہاں ذرہ شکل 7.6 سے رجوع کریں۔ اس شکل میں

(7.36)
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$

$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

 $in-phase^{19}$

7.7. امالي موٹر کامپ وي بر تي دور

$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}}\cos(s\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$

شكل 7.6: گھومتے لچھے كاايك اور مساوى دور_

پر ساکن کچھوں کی امالی برتی دباہ \hat{E}_s لا گو ہے لہذا ان میں برتی رو ہیہ ہوں گی۔

(7.37)
$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

ان سب مساوات کا حیطہ برابر ہے۔اس حیطے کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

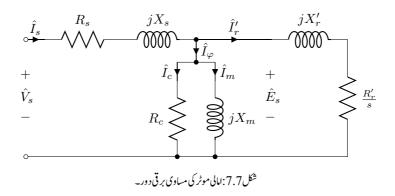
(7.38)
$$\frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} = \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}'$$

لهذا مساوات 7.37 اس طرح لکھا جاسکتا ہے۔

(7.39)
$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

یہ مساوات بالکل مساوات 9.32 کی طرح ہے۔ لہٰذا اگر شکل 7.5 میں ساکن کچھوں کی امالی برتی دباو \hat{E}_s کے متوازی شکل 7.6 جوڑا جائے تو ایبا کرنے سے ساکن کچھوں میں اُتنا ہی اضافی برتی رو رواں ہو گا جو اصل موٹر میں گھومتے کچھوں کی وجہ سے ہوتا ہے۔ شکل 7.7 میں ایبا ہی کیا گیا ہے لہٰذا شکل میں دیا برتی دور، امالی موٹر کی صحیح عکاسی کرتی ہے۔ یہی امالی موٹر کی مساوی برتی دور ہے۔

باب-7. امالي مشين



7.8 مساوى برقى دورير غور

مساوات 7.18 ایک گھومتے کچھ میں برقی طاقت کے ضاع کو ظاہر کرتا ہے۔مساوات 7.36 اور 7.38 کی مدد سے اسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.40)
$$p_{\zeta_{\perp};} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$

$$\frac{N_s^2}{N_s^2} I_{0r}'^2 + \frac{N_s^2}{N_s^2} I_{0r}'^2 + \frac{N$$

$$(7.41) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r'}{s}$$

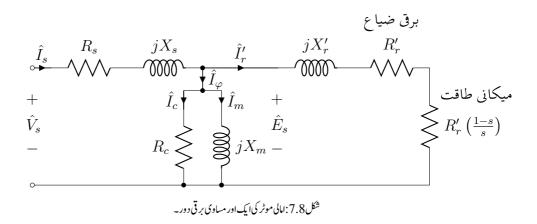
برتی طاقت دی جاتی ہے جس میں سے خیاع میں گھومتے کچھے کی مزاحمت میں ضائع ہو جاتی ہے اور بقایا بطور میکانی طاقت مشین کے دھرے پر پائی جاتی ہے یعنی

$$(7.42) p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^{\prime} = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1 - s) = p_r (1 - s)$$

یوں تین مرحلہ مشین جس میں تین کچھے ہوتے ہیں اس کے تین گنا میکانی طاقت فراہم کر سکتی ہے لیعنی

$$7.43) p_{\text{in}} = 3I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر سرک ایک کے برابر ہو تو موٹر کوئی میکانی طاقت فراہم نہیں کرے گی اور گھومتے مصلے کو جتنی برتی توانائی مل رہی ہو وہ ساری کی ساری اس میں ضائع ہو کر اسے گرم کرے گی۔ یوں موٹر کے گرم



ہو کر جل جانے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اس مساوات سے دیکھ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کی سرک صفر کے قریب رہنی چاہئے ورنہ یہ ناقابل قبول حد تک برقی توانائی ضائع کرے گا۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 7.8 کی طرح بھی بنا سکتے ہیں۔ اس شکل میں شکل 7.7 میں دیئے مزاحمت $\frac{R'}{s}$ کو دو حصوں میں لکھا گیا ہے لیمنی

$$\frac{R_r'}{s} = R_r' + R_r' \left(\frac{1-s}{s}\right)$$

 $R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$ یوں شکل 7.7 میں مزاحمت R'_r میں برقی طاقت کی ضیاع $I'^2_{0r}R'_r$ گھومتے کچھے کی ضیاع ہے جبکہ مزاحمت $R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$ دراصل میکانی طاقت ہے۔ یاد رہے کہ تین مرحلہ مشین کے لئے یہاں میں برقی طاقت کی ضیاع $I'^2_{0r}R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$ دراصل میکانی طاقت ہے۔ یاد رہے کہ تین مرحلہ مشین کے لئے یہاں سے حاصل نتائج کو تین سے ضرب دینا ہوگا۔

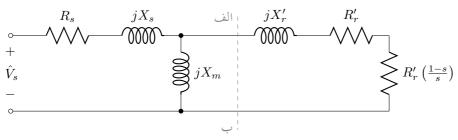
میکانی طاقت، قوت مروڑ ضربِ میکانی زاویائی رفتار ہوتی ہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویائی رفتار مساوات 7.3 میں دی گئی ہے۔ یوں دی گئی ہے۔ یوں

(7.44)
$$p = T_m \omega = T_m \times 2\pi f = T_m \times 2\pi (1 - s) f_s = T_m (1 - s) \omega_{sm}$$

للذا

(7.45)
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}^{2}}{\omega_{sm}} \frac{R_r^{\prime}}{s}$$

اصل موٹر میں رگڑ، قالبی ضیاع، لچھوں میں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بنا پر دھرے پر طاقت یا توت مروڑ اس سے قدرِ کم ہوگی۔ باب.7. امالي مشين



اس کا مساوی تھونن مساوی دور بنائیں

شکل 7.9: امالی موٹر کاسادہ دور۔ قالبی ضیاع کو نظر انداز کیا گیاہے۔

ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی دور بناتے وقت R_c اور K_m کو نظر انداز کیا گیا تھا۔ امالی موٹر میں ایبا کرنا ممکن نہیں ہوتا چونکہ موٹروں میں خلائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیسی بہاو پیدا کرنے کے لئے بہت زیادہ مقناطیسی دباو درکار ہوتی ہے۔ حقیقت میں بے بوجھ امالی موٹر کو اپنے پورے برقی رو کے تیس سے بچاں فی صد برقی رو قالب کو بھان کرنے کے لئے درکار ہوتی ہے۔ مزید ہے کہ خلائی درزکی وجہ سے اس کی رِستا امالہ بھی زیادہ ہوتی ہے اور اسے نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البتہ مساوی دور میں R_c نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البتہ مساوی دور میں R_c کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے جیسے شکل 7.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار لکیر کی بائیں جانب کا مساوی تھونن دور بنایا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے امالی موٹر پر غور کرنا نہا ہو جاتا ہے۔ اب ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔

مثال 7.2: ستارہ جڑی چھ قطب پیچاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے اجزاء بیہ ہیں

$$R_s = 0.5 \,\Omega, \quad R'_r = 0.31 \,\Omega, \quad X_s = 0.9 \,\Omega, \quad X'_r = 0.34 \,\Omega, \quad X_m = 0.22 \,\Omega$$

موٹر میں رگڑ سے طاقت کا ضیاع 600 واٹ ہے۔ قالبی ضیاع کو اسی کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اس کو اٹل تصور کیا جائے۔ یہ موٹر درکار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر دو فی صد سرک پر چل رہی ہے۔اس حالت میں موٹر کی رفتار، اس کے دھرے پر پیدا قوت مروڑ اور طاقت، اس کے ساکن کچھے کی برقی رو اور اس کی فی صد کار گزاری حاصل کریں۔

عل: موٹر کی معاصر رفتار $6.66 \times 60 = 1000$ چکر فی سکینڈ یا $16.66 \times 60 = 16.66$ چکر فی منٹ۔ دو فی صد سرک پر موٹر کی رفتار $6.33 \times 60 = 979.8$ چکر فی سکینڈ یا $6.33 \times 60 = 979.8$ چکر فی منٹ ہے۔

7.8 مساوي برتي دور پر غور

شكل 7.9 مين دائين جانب

$$jX'_r + R'_r + R'_r \frac{1-s}{s} = jX'_r + \frac{R'_r}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور jX_m متوازی جڑے ہیں۔ان کی مساوی رکاوٹ یہ ہے

$$\begin{split} \frac{1}{Z} &= \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22} \\ Z &= 10.147 + j7.375 = R + jX \end{split}$$

موٹر پر لا گو یک مرحلہ برقی دباو $\frac{415}{\sqrt{3}}=239.6$ وولٹ ہے۔ یوں ساکن کچھے کی برقی رو

$$\begin{split} \hat{I}_s &= \frac{\hat{V}_s}{R_s + jX_s + Z} \\ &= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.375} \\ &= 17.6956/-38.155^{\circ} \end{split}$$

ہے۔اس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طاقت منتقل ہو رہی ہے جو رکاوٹ Z کو منتقل ہو رہی ہے۔یعنی مساوات 7.41 کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \,\text{W}$$

تین مراحل کے لئے یہ مقدار 9532 = 3177.37 × 3 واٹ ہو گی۔مساوات 7.43 موٹر کی اندرونی میکانی طاقت دیتی ہے یعنی

$$p_{\rm ibs} = 9532 \times (1 - 0.02) = 9341 \,\mathrm{W}$$

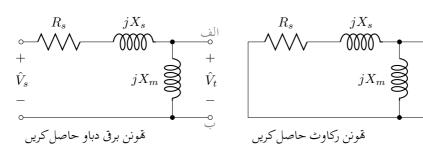
اس سے طاقت کا ضیاع منفی کر کے 8741 = 600 – 9341 واٹ رہ جاتا ہے۔ یہ موٹر کے دھرے پر میکانی طاقت ہو گی جس سے دھرے پر قوت مروڑ

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \,\mathrm{Nm}$$

ہو گی۔

موٹر کو کل مہیا برقی طاقت $\sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times \cos(-38.155) = 10001.97$ واٹ ہے۔ ایول اس موٹر کی کار گزاری $\sqrt{3} \times 415 \times 10001.97 \times 100 = 87.39$ ہے۔

ياب. امالي شين



شکل 7.10: تھوِنن رکاوٹ اور تھوِنن برتی دباوحاصل کرنے کے دور۔

7.9 امالي موٹر كامساوي تھونن دوريارياضي نمونه

 Z_t

مسئلہ تھونونے 20 کے مطابق کسی بھی سادہ خطی برقی دور 21 کو اس کے دو برقی سرول کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباو کی مساوی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اس مساوی دور کو مساوی تھوِنن دور کہتے ہیں جبکہ اس مساوی تھوِنن دور کی رکاوٹ کو تھوِنن رکاوٹ اور برقی دباو کو تھوِنن برقی دباو کہتے ہیں۔

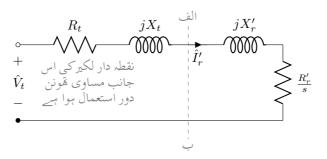
برتی دور کے دو برتی سرول کے مابین تھونن رکاوٹ حاصل کرنے کے لئے اس برتی دور کے اندرونی برتی دباو کسرِ دور کر کے ان دو برقی سرول کے مابین رکاوٹ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی رکاوٹ، تھونن رکاوٹ ہے۔ انہیں برقی سرول پر تھونن برتی دباو حاصل کرنے کے لئے دیئے گئے برقی دور کے اندرونی برتی دباو برقرار رکھ کر ان دو سرول پر برتی دباو ہے۔ بعض او قات ہم ایک برقی دور کے پر برقی دباو ہے۔ بعض او قات ہم ایک برقی دور کے ایک خاص جھے کا مساوی تھونن دور بنانا چاہتے ہیں۔ایسا کرتے وقت بقایا برقی دور کو اس جھے سے مکمل طور پر منقطع کیا جاتا ہے۔ یوں شکل 7.10 سے واضح ہے کہ دو سرول الف اور باکے مابین مساوی تھونن رکاوٹ اور تھونن برتی دباو ہم ہیں۔

(7.46)
$$Z_{t} = \frac{(R_{s} + jX_{s}) jX_{m}}{R_{s} + jX_{s} + jX_{m}} = R_{t} + jX_{t}$$

$$\hat{V}_{t} = \frac{jX_{m}\hat{V}_{s}}{R_{s} + jX_{s} + jX_{m}} = V_{t}/\underline{\theta_{t}}$$

کسی بھی مخلوط عدد 22 کی طرح Z_t کو ایک حقیقی عدد R_t اور ایک فرضی عدد jX_t کا مجموعہ لکھا جا سکتا ہے۔ یہی اس مساوات میں کیا گیا ہے۔

Thevenin theorem²⁰
linear circuit²¹
complex number²²



شکل 7.11: تھونن دوراستعال کرنے کے بعدامالی موٹر کامساوی دور۔

ہم یوں امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 7.11 کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں سے مرحلی سمتیہ کی استعال سے مندرجہ ذیل برقی رو \hat{I}'_{r} عاصل ہوتی ہے۔

(7.47)
$$\hat{I}'_r = \frac{\hat{V}_t}{R_t + jX_t + \frac{R'_r}{s} + jX'_r} \\ \left|\hat{I}'_r\right| = I'_r = \frac{V_t}{\sqrt{\left(R_t + \frac{R'_r}{s}\right)^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}}$$

چونکہ V_t کی قیمت پر \hat{V}_t کے زاویے کا کوئی اثر نہیں للذا مساوی تھونن دور میں \hat{V}_t کی جگہ V_t استعمال کیا جا سکتا ہے۔ بھایا کتاب میں ایسا ہی کیا جائے گا۔

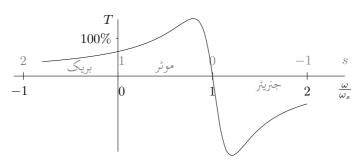
مساوات 7.45 سے یوں تین مرحله مشین کی قوت مروڑ یہ ہو گی

(7.48)
$$T = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R'_r}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R'_r}{s}\right)^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R'_r}{s}\right)}{\frac{R'_r^2}{s^2} + 2R_t \frac{R'_r}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}$$

اس مساوات کو شکل 7.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں موٹر کی رفتار کو معاصر رفتار کی نسبت سے دکھایا گیا ہے۔موٹر ازخود گھومتے مقناطیسی موج کی سمت میں گھومتی ہے اور اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم رہتی ہے۔زیادہ سرک پر موٹر کی کار گزاری نہایت خراب ہو جاتی ہے۔اسی لئے لگاٹار استعال کے وقت اسے تقریباً پانچ فی

باب-7. امالي مشين



شكل 7.12: امالي موٹر كي قوت مروڑ بالقابل سرك كاخط

صد سے کم سرک پر چلایا جاتا ہے بلکہ ان کی تخلیق یوں کی جاتی ہے کہ امالی موٹر اپنی پوری طاقت تقریباً پانچ فی صد سے کم سرک پر حاصل کرتی ہے۔

اگر موٹر کو زبردستی ساکن کیجھوں کی گھومتے مقناطیسی موج کی ست میں معاصر رفتار سے زیادہ رفتار پر گھمایا جائے تو یہ ایک جزیئر کے طور پر کام کرنے شروع ہو جائے گی۔اییا کرنے کے لئے بیرونی میکانی طاقت درکار ہو گی ۔اگرچہ امالی مشین عام طور پر جزیئر کے طور پر استعال نہیں ہوتے البتہ ہوا سے برقی طاقت پیدا کرنے میں یہ جزیئر کے طور پر کار آمد ثابت ہوتے ہیں۔

شکل 7.12 میں منفی رفتار بھی دکھائی گئی ہے جہاں سرک ایک سے زیادہ ہے۔ ایسا تب ہوتا ہے جب موٹر کو ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباوکی موج کی اُلٹ سمت میں گھمایا جائے۔موٹر کو جلد ساکن حالت میں لانے کے لئے یوں کیا جاتا ہے۔ تین مرحلہ موٹر پر لاگو برقی دباوکی کسی دو مرحلوں کو آپس میں اُلٹا دیا جاتا ہے۔ اس طرح موٹر کی ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی موج کیدم اُلٹ سمت میں گھومنے شروع ہو جاتی ہے جبکہ موٹر ابھی پہلی سمت میں ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رکھ کر دوسری جانب گھومنا چاہتی ہے ہی گھوم رہی ہوتی ہے۔ اس طرح موٹر جلد آہتہ ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رکھ کر دوسری جانب گھومنا چاہتی ہے۔ اس پر لاگو برقی دباو منقطع کر دی جاتی ہے۔ امالی موٹر یوں ریل گاڑی میں عموماً بطور بریک 23 استعال کی جاتی ہے۔

یوں امالی مشین s<0 کی صورت میں بطور جزیڑ، s<0 کی صورت میں بطور موٹر اور s>1 کی صورت میں بطور بریک کام کرتا ہے۔

امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ توت مروڑ مساوات 7.48 سے یوں حاصل کی جاسکتی ہے۔ قوت مروڑ اُسی لمحہ زیادہ سے زیادہ ہو گی جب گھومتے جھے کو زیادہ سے زیادہ طاقت میسر ہو۔زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلہ 24

 $brake^{23}$

maximum power theorem 24

کے مطابق مزاحمت $\frac{R'_r}{s}$ میں طاقت کا ضیاع اس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گا جب

(7.49)
$$\frac{R'_r}{s} = \left| R_t + jX_t + jX'_r \right| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

ہو۔اس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک s_z کو بوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.50)
$$s_z = \frac{R_r'}{\sqrt{R_t^2 + (X_t + X_r')^2}}$$

مساوات 7.48 میں کسر کے نچلے جصے میں $R_t^2 + (X_t + X_t')^2$ کی جگہ مساوات 7.49 کا مربع استعال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ یوں حاصل کی جا سکتی ہے

(7.51)
$$T_{z} = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2} \left(\frac{R'_{r}}{s}\right)}{\frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}} + 2R_{t} \frac{R'_{r}}{s} + \frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \sqrt{R_{t}^{2} + (X_{t} + X'_{r})^{2}}\right)}$$

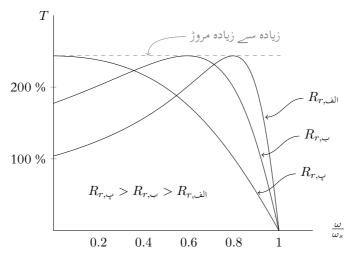
جہاں آخری قدم پر مساوات کا استعال دوبارہ کیا گیا۔

اس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ اس کے گھومتے کچھوں کی مزاحمت پر منحصر نہیں۔ یہ ایک اہم معلومات ہے جسے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ درکار رفتار پر حاصل کی جا سکتی ہے۔آئیں دیکھیں کہ یہ کیسا کیا جاتا ہے۔

امالی موٹر کے گھومتے کچھوں کے برتی سروں کو سرکے چھوں کے ذریعہ باہر نکالا جاتا ہے 26 جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیرونی مزاحمت جوڑی جاتی ہے۔اس طرح گھومتے کچھوں کی کل مزاحمت بڑھ کر پیرونی مزاحمت جو جاتی ہے۔ ایسا کرنے سے مساوات 7.49 کے مطابق زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ نسبتاً زیادہ سرک یعنی کم زاویائی رفتار پر حاصل کی جا سکتی ہے۔ شکل 7.13 میں مزاحمت پ R_r کے ساتھ ساکن موٹر کو چالو کرتے وقت زیادہ سے زیادہ

slip rings²⁵ 26شکل کے نمونے پر۔

باب. ١ مالي مشين



شکل 7.13: بیر ونی مزاحت لگانے کے قوت مر وڑ بالمقابل سرک کے خطوط پراثرات۔

قوت مروڑ حاصل ہو سکتی ہے۔اس طرح بوجھ بردار موٹر ساکن حالت سے ہی زیادہ بوجھ اٹھانے کے قابل ہوتا ہے۔ چو نکہ زیادہ سرک پر موٹر کی کار گزاری خراب ہوتی ہے المذا اس طرح موٹر کو زیادہ دیر نہیں چلایا جاتا اور جیسے ہی اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے، اس سے جُڑے ہیرونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے کچھوں کے برقی سرے کسرِ دور کر دیۓ جاتے ہیں۔

مثال 7.3: صفحہ 226 پر مثال 7.2 میں دی گئ امالی موٹر اس مثال میں استعال کریں۔رگڑ سے طاقت کی ضاع کو نظر انداز کریں۔

- اگر موٹر در کار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر تین فی صد سرک پر چل رہی ہو تو ساکن کچھے میں گھومتے کچھے کے حصہ کی برقی رو I'_{l} اور مشین کی اندرونی میکانی طاقت اور قوت مروڑ حاصل کریں۔
 - موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پیدا قوت مروڑ اور اس قوت مروڑ پر موٹر کی رفتار حاصل کریں۔
 - موٹر کی جالو ہونے کے لحمہ پر قوت مروڑ اور اس لحمہ اس کی I_r' حاصل کریں۔

عل:

• يك مرحله برقى دباو
$$\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$$
 استعال كرتے ہوئے مساوات 7.46 كى مدد سے

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

ماوات 7.47 میں تین فی صد سرک پر 10.3333 میات تین میں تین میں میرک کے استعال سے

$$\begin{split} \hat{I}'_r &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 / -5.6^\circ\\ I'_r &= \left| \hat{I}'_r \right| = 21.1\,\mathrm{A} \end{split}$$

یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ مندرجہ بالا مساوات میں $229.2/1.246^\circ$ کی جگہ $229.2/0^\circ$ استعال کرنے سے I'_r کی یہی قیت حاصل ہوتی۔ مساوات 7.43 اور 7.44 کی مدد سے

$$p_m = \frac{3 \times 21.1^2 \times 0.31}{0.03} \times (1 - 0.03) = 13387.46 \,\text{W}$$
$$T = \frac{13387.46}{(1 - 0.03) \times 2 \times \pi \times 16.66} = 131.83 \,\text{N m}$$

• مساوات 7.50 سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.1638$$

اور اس پر موٹر کی رفتار 836.2 = 836.2 اور اس پر موٹر کی رفتار 836.2 = 836.2

و چالو کرتے کھے پر سرک ایک ہو گی لہذا $\frac{R'_r}{s} = 0.31$ ہو گا اور ایوں

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 0.31 + j0.34} = 152.07 / -58.14^\circ$$

$$I'_r = 152 \, \text{A}$$

اس لمحه قوت مرورٌ

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205 \,\text{N}\,\text{m}$$

باب. ١ مالي مشين

مثال 7.4: دو قطب ستارہ جڑا پچاس ہر ٹز پر چلنے والا تین مرحلہ امالی موٹر 2975 چکر فی منٹ کی رفتار پر بارہ کلوواٹ کے میکانی بوجھ سے لدا ہے۔موٹر کی سرک اور دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

 $50 \times 60 = 3000$ کال: معاصر رفتار $\frac{2}{P}f_e = \frac{2}{2} \times 50 = 50$ چکر فی سیکنٹر یا $\frac{2}{P}f_e = \frac{2}{2} \times 50 = 50$ کن منٹ ہے۔ یوں سرک $s = \frac{3000 - 2975}{3000} = 0.00833$ کی منٹ ہے للذا $s = \frac{3000 - 2975}{3000} = 0.00833$ کی سیکنٹر ہے للذا ہوگی۔ $s = \frac{3000 - 2975}{3000} = 0.00833$ کی سیکنٹر ہے للذا ہوگی۔

7.10 پنجرانماامالي موٹر

گومتے کچھوں کی ساخت پر ذرا غور کرتے ہیں۔ گومتے کچھوں کے N_r چکر ہوتے ہیں جہاں N_r کوئی بھی عدد ہو سکتا ہے۔ سادہ ترین صورت میں N_r ایک کے برابر ہو سکتا ہے بینی ایک ہی چکر کا گھومتا کچھا۔ اب بجائے اس کے کہ قالب میں کچھوں کے لئے شگاف بنائے جائیں اور ہر شگاف میں تانبے کی تار کا ایک چکر لیٹا جائے ہم یوں بھی کر سکتے ہیں کہ ہر شگاف میں سیدھا تانبے کا ایک سلاخ رکھ دیں اور اس طرح کے سب سلاخوں کی ایک جانب کے سروں کو تانبے کی ایک دائرہ نما سلاخ سے کسرِ دور کر دیں اور اس طرح دوسری جانب کے سب سروں کو بھی ایک تانبے کی دائرہ نما سلاخ سے کسرِ دور کر دیں۔ اس طرح تانبے کی سلاخوں کا پنجرا بن جاتا ہے۔ اس لئے ایسے امالی موٹروں کو پنجرا نما امالی موٹر کتے ہیں۔

حقیقت میں شگافوں میں بگھلا تانبا یا سلور²⁷ ڈالا جاتا ہے جو ٹھنڈا ہو کر ٹھوس ہو جاتا ہے اور قالب کو جھکڑ لیتا ہے۔دونوں اطراف کے دائرہ نما کسرِ دور کرنے والے چھلے بھی اِسی طرح اور اِسی وقت بنائے جاتے ہیں۔ اس طرح مید ایک مضبوط گھومتا حصہ بن جاتا ہے۔ اسی مضبوطی کی وجہ سے پنجرا نما امالی موٹر نہایت مقبول ہوا ہے۔ ایسے موٹر سالوں تک بغیر دیکھ بال کے کام کرتے ہیں اور عام زندگی میں ہر جگہ پائے جاتے ہیں۔گھروں میں پانی کے بہپ اور پیکھے اِنہیں سے چلتے ہیں۔گھروں میں پانی کے بہپ اور پیکھے اِنہیں سے چلتے ہیں۔

copper, aluminium²⁷

7.11 بي بوجھ موٹراور جامد موٹر کے معائنہ

امالی موٹر کی کارکردگی دو معائنوں سے معلوم کی جاتی ہے۔ انہی سے اس کے مساوی برقی دور کے جزو بھی حاصل کئے جاتے ہیں۔ہم تین دور کی امالی موٹر کی مثال سے ان معائنوں کا تذکرہ کرتے ہیں۔

7.11.1 ي بوجھ موٹر کامعائنہ

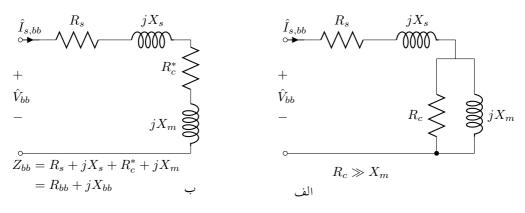
یہ معائنہ بالکل ٹرانسفار مر کے بے بوجھ معائنہ کی طرح ہے۔اس میں موٹر کی ہیجان انگیز برقی رو اور بے بوجھ موٹر میں طاقت کے ضیاع کی معلومات حاصل ہوتی ہیں۔

اس میں بے بوجھ امالی موٹر پر تین مرحلہ مساوی برقی و ہاو 28 لاگو کر کے بے بوجھ موٹر کی برقی طاقت کا ضیاع p_{bb} اور اس کے ساکن کچھے کی بیجان انگیز برقی رو $I_{s,bb}$ ناپی جاتی ہے۔یہ معائنہ امالی موٹر کی پورے برقی و باو اور برقی تعدد پر کیا جاتا ہے۔

ہو۔ اور دیگر طاقت کے ضیاع کی وجہ سے درکار I'_r ہو جاتی رگڑ اور دیگر طاقت کے ضیاع کی وجہ سے درکار I'_r ہو۔ اتن کم توت مروڑ بہت کم سرک پر حاصل ہو جاتی ہے۔ مساوات 7.47 سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرک پر I'_r بھی نہایت کم ہو گی اور اس سے گھومتے کچھوں میں برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس بات کو صفحہ 224 پر شکل 7.7 کی مدد سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جہاں ہیہ واضح ہے کہ بہت کم سرک پر مزاحمت $\frac{R'_r}{s}$ کی قیمت بہت زیادہ ہو جاتی ہے اور اس کو گھلے دور سمجھا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے شکل 7.14-الف ملتا ہے۔

شکل 7.14-الف میں R_c اور jX_m کے متوازی دور کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.14-ب میں دکھایا گیا Z_m کی تیمت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔متوازی دور کی رکاوٹ X_m

باب-7. امالي مشين



شکل 7.14: ہے بوجھ امالی موٹر کا معائنہ۔

سے مساوی سلسلہ وار رکاوٹ Z_s یوں حال ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}}$$

$$= \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}} \frac{R_{c} - jX_{m}}{R_{c} - jX_{m}}$$

$$= \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2} + X_{m}^{2}}$$

$$\approx \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}} \qquad \text{if } x_{c} \gg X_{m}$$

$$= jX_{m} + \frac{X_{m}^{2}}{R_{c}} = jX_{m} + R_{c}^{*} = Z_{s}$$

بے بوجھ ٹرانسفار مروں میں ابتدائی کچھوں کے برقی طاقت کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جاتا ہے۔ بے بوجھ امالی موٹروں کی بیجان انگیز برقی روکافی زیادہ ہوتی ہے لہذا ان کے ساکن کچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز نہیں کیا جا سکتا۔ بے بوجھ امالی موٹر کی pbb سے اگر تین ساکن کچھوں کی برقی ضیاع منفی کی جائے تو اس میں میکافی طاقت کے ضیاع کا حساب لگایا جا سکتا ہے لیخی

$$(7.53) p_{bb} - 3I_{s,bb}^2 R_s$$

میکانی طاقت کا ضیاع بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر کے لئے کیساں تصور کیا جاتا ہے۔

شكل 7.14-ب سے ہم لكھ سكتے ہيں۔

(7.54)
$$R_{bb} = \frac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}$$

$$Z_{bb} = \frac{V_{bb}}{I_{s,bb}}$$

$$X_{bb} = \sqrt{|Z_{bb}|^2 - R_{bb}^2}$$

$$X_{bb} = X_s + X_m$$

 X_s عاملیت کے اوجھ متعاملیت X_{bb} عاصل ہوتی ہے۔اگر کسی طرح ساکن کچھے کی متعاملیت معلوم ہو تب اس مساوات سے X_m عاصل کی جاسکتی ہے۔اگلے معائنہ میں ہم X_s کا اندازہ لگا سکیں گے۔

7.11.2 حامد موٹر کامعائنہ

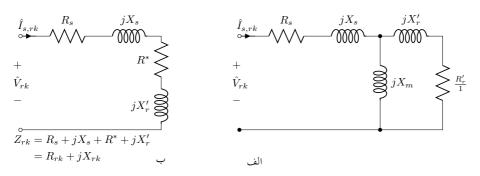
یہ معائد ٹرانسفار مر کے کسرِ دور معائد کی طرح ہے۔ اس میں مشین کے بِستا امالوں کی معلومات حاصل ہوتی ہے۔البتہ امالی موٹر کا مسلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔امالی موٹر کی بِستا امالہ گھومتے کچھوں میں برقی تعدد اور قالب کے سیر اب ہونے پر مخصر ہوتے ہیں۔

اس معائنہ میں امالی موٹر کے گھومتے جھے کو حرکت کرنے سے زبردستی روک دیا جاتا ہے جبکہ ساکن کچھوں پر بیرونی برقی د باو V_{rk} لا گو کر کے برقی طاقت p_{rk} اور ساکن کچھوں کی برقی رو $I_{s,rk}$ ناپی جاتی ہیں۔ اصولی طور پر بیہ معائنہ اُن حالات کو مدِ نظر رکھ کر کیا جاتا ہے جن پر موٹر کی معلومات درکار ہوں۔

_

t=0اس لمجہ کے برتی رو کو چیوٹی کلھائی میں وقت صفر ہے منسلک کیا گیا ہے بعنی t=0

ياب7. امالي شين



شكل 7.15: ركے امالی موٹر کا معائنہ۔

رکھی جائے گی جتنی سے گھومتے کچھوں میں $I_{t\to\infty}$ برقی رو وجود میں آئے۔تقریباً $20\,\mathrm{kV}$ موٹروں میں برقی تعدد کے اثرات قابل نظر انداز ہوتے ہیں لہذا ان کا معائنہ f_e تعدد کی برقی دباو پر ہی کیا جاتا ہے۔

یہاں صفحہ 224 پر دکھائے شکل 7.7 کو رکے موٹر کے معائنہ کی نقطہ نظر سے دوبارہ بناتے ہیں۔رکے موٹر کی سرک ایک کے برابر ہوتی ہے۔مزید یہ کہ اس معائنہ میں لاگو برقی دباو عام چالو موٹر پر لاگو برقی دباو سے خاصی کم ہوتی ہے۔اتی کم لاگو برقی دباو پر قالبی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔شکل میں R_c کو کھلے دور کرنا قالبی ضیاع کو نظرانداز کرنے کے مترادف ہے۔ایہا کرنے سے شکل 7.15-الف ملتا ہے۔چونکہ s=1 ہے للذا اس شکل میں R_r' کو R_r' کیا گیا ہے۔

-7.15 فیل 7.15-الف میں jX_m اور $(R'_r+jX'_r)$ متوازی جڑے ہیں۔ ان کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.15- بیل متوازی دور کی مزاحمت Z_m سے سلسلہ وار مزاحمت Z_s یوں حاصل ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{jX_{m}(R'_{r} + jX'_{r})}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}$$

$$= \left(\frac{jX_{m}R'_{r} - X_{m}X'_{r}}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}\right) \left(\frac{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}\right)$$

$$= \frac{jX_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}R'_{r}(X_{m} + X'_{r}) - X_{m}X'_{r}R'_{r} + jX_{m}X'_{r}(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= \frac{X_{m}^{2}R'_{r}}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}} + \frac{j(X_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}^{2}X'_{r} + X_{m}X'_{r}^{2})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= R_{s}^{*} + jX_{s}^{*} = Z_{s}$$

اگر ان مساوات میں $X_m\gg X_r'$ اور $X_m\gg X_r'$ لیا جائے تو حاصل ہوتا ہے۔

(7.56)
$$R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$

(7.57)
$$X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_m^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_m^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_m^2} \approx X_r'$$

اس معائنہ میں ناپے مقداروں اور شکل 7.15-ب سے

(7.58)
$$Z_{rk} = \frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$

$$R_{rk} = \frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$

$$X_{rk} = \sqrt{|Z_{rk}|^2 - R_{rk}^2}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ اس مساوات کے پہلے جزو میں ناپے برقی دباو اور برقی روسے رکاوٹ حاصل کی گئی ہے، اس کے دوسرے جزوسے مزاحمت اور تیسرے میں متعاملیت۔

اب شکل 7.15-ب سے واضح ہے کہ

$$(7.59) X_{rk} = X_s + X_r'$$

امالی مثنین مختلف خصوصیات کو مد نظر رکھ کر بنائے جاتے ہیں۔ عام آدمی کے آسانی کے لئے ایسے مثنینوں کی درجہ بندی کی جاتی ہیں۔ A,B,C,D اور الی مثنین جن کا گھمتا حصہ بندی کی جاتی ہے۔ جدول 7.1 میں پنجرا نما امالی موٹر کے مختلف اقسام A,B,C,D اور الیکی مثنین جن کا گھمتا حصہ لیچھے پر مشتمل ہو، کے رِستا متعالمیت X_{rk} کو ساکن اور گھومتے لیچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے کچھے والی مثنین میں ساکن اور گھومتے متعالمیت برابر ہوتے ہیں۔ اسی طرح شکل 7.15۔ ب سے واضح ہے کہ R_s ہراہِ راست مزاحمت ناپنے کے آلہ لیخی اوہم میڑ R_s ہم میڑ آلی بائی جائے تو

$$(7.60) R^* = R_{rk} - R_s$$

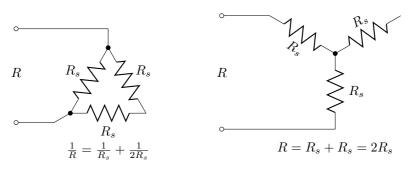
ہو گا اور اب R'_r کو مساوات 7.56 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں X_m بوجھ امالی موٹر کے معائنہ میں حاصل کی جاتی ہے۔

Ohm $meter^{31}$

باب. ٦- امالي مشين

X'_r	X_s	خاصيت	كفومتاحصه
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	کار کرد گی گھومتے جھے کی مزاحمت پر منحصر	ليثاهوا
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	عام ابتدائی قوت مر وڑ،عام ابتدائی رو	Aبناو $$
$0.6X_{rk}$	$0.4X_{rk}$	عام ابتدائی قوت مر وڑ، کم ابتدائی رو	Bبناوٹ
$0.7X_{rk}$	$0.3X_{rk}$	زیادُ ہابتدائی قوت مر وڑ ، کم ابتدائی رو	Cبناوك
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	زیادهابتدائی قوت مر وژ،زیاده سر ک	D بناو $^{\!$

جدول 7.1: متعاملیت کی ساکن اور گھومتے حصوں میں تقسیم۔



شکل 7.16: ستارہ اور تکونی جڑی موٹروں کی ساکن لیجھوں کی مزاحمت کااوہم میٹر کی مددسے حصول۔

اوہم میٹر کی مدد سے ساکن کچھے کی مزاحمت ناپتے وقت یہ جاننا ضروری ہے کہ موٹر ستارہ یا تکونی جڑی ہے۔ شکل R_s میں کچھے کو دونوں طرح جڑا دکھایا گیا ہے۔ اگر یک مرحلہ مزاحمت R_s ہو تو ستارہ جڑی موٹر میں اوہم میٹر $2R_s$ مزاحمت دے گی۔ حکونی جڑی موٹر کے لئے یہ $2R_s$ مزاحمت دے گی۔

مثال 7.5: ستارہ جڑی چار قطب پچاس ہرٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی موٹر کے معائنہ کئے جاتے ہیں۔ موٹر کی بناوٹ درجہ بندی A کے مطابق ہے۔اوہم میٹر کسی بھی دو برقی سروں کے مابین 0.55 اوہم جواب دیتا ہے۔ب بوجھ معائنہ Hz اور V 50 کو لاز کرتے ہوئے برقی رو A 1.1 اور طاقت کا ضیاع W 906 ناپ جاتے ہیں۔جامد موٹر معائنہ Hz اور V 50 کرتے ہوئے برقی رو A 1.91 اور طاقت کا ضیاع W 850 ناپ جاتے ہیں۔اس موٹر کی مساوی برقی دور بنائیں اور پاپنج فی صد سرک پر اس کی اندرونی میکانی طاقت حاصل کریں۔ $R_s=rac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$ حاصل: او جم میٹر کے جواب سے ستارہ جڑی موٹر کے ساکن کچھے کی مزاحمت $R_s=rac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$ حاصل ہوتی ہے۔ بے بوجھ معائنہ میں یک مرحلہ برتی دباو $R_s=rac{415}{\sqrt{3}}=239.6\,\mathrm{V}$ مارکنہ میں سے

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965 \,\Omega$$
239 6

$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439\,\Omega$$

 $X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 \,\Omega = X_s + X_m$

للذاركے موٹر معائنہ كے نتائج سے X_s حاصل كرنے كے بعد X_m حاصل ہو جائے گا۔

ساکن کچھے کی مزاحمت میں اس برقی رو پر کل

 $3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 = 13.87 \,\mathrm{W}$

برتی طاقت کا ضیاع ہو گا لہذا رگڑ اور دیگر طاقت کا ضیاع 892=30.86-906 واٹ ہو گا۔

رکے موٹر کے معائد میں یک مرحلہ برقی دباو $\frac{50}{\sqrt{3}} = 28.9$ وولٹ ہیں یوں اس معائد سے

$$R_{rk} = \frac{850}{3 \times 13.91^2} = 1.464 \,\Omega$$

$$|Z_{rk}| = \frac{28.9}{13.91} = 2.07\,\Omega$$

 $X_{rk,15} = \sqrt{2.07^2 - 1.464^2} = 1.46\,\Omega$

حاصل ہوتے ہیں۔ اس معائنہ میں برقی تعدد 15 ہرٹز تھی للذا 50 ہرٹز پر متعالمیت

$$X_{rk,50} = \frac{50}{15} \times X_{rk,15} \approx 4.9 \,\Omega$$

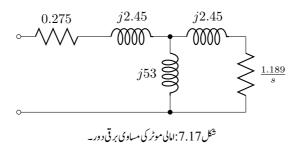
ہے۔درجہ بندی A کی امالی موٹر کے لئے یہ متعاملت ساکن اور گھومتے کچھے میں یکسال تقسیم ہوتی ہے لہذا

$$X_s = X_r' = \frac{4.9}{2} = 2.45 \,\Omega$$

نوں

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53\,\Omega$$

باب.7. امالي شين



چونکہ
$$R_s=0.275$$
 اوہم ہے لگذا

$$R'_r = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189 \,\Omega$$

ہو گا۔یہ مساوی برتی دور شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے۔

پانچ فی صد سرک پر اندرونی میکانی طاقت کی خاطر بائیں جانب کا تھوِنن مساوی دور استعال کرتے ہوئے

$$\begin{aligned} V_t &= 229 / 0.2833^{\circ} \\ Z_t &= 0.251 + j2.343 \\ \left| \hat{I}'_r \right| &= 11.8 \, \mathrm{A} \\ p_m &= \frac{3 \times 11.8^2 \times 0.974 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 7730 \, \mathrm{W} \end{aligned}$$

باب8

یک سمتی رومشین

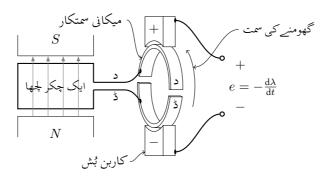
کے سمتے رومشین یا تو یک سمتی روا برقی طاقت پیدا کرتے ہیں یا پھر یہ یک سمتی رو برقی طاقت سے چلتے ہیں۔ یک سمتی رو مشین یا تو یک سمتی رومشین یا تو یک ہوتی جا رہی ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر استعال ہونے گئے ہیں جو جدید طرز کے قورے الیکڑانگرے 2 سے قابو کئے جاتے ہیں۔موجودہ دور میں گاڑیوں میں گئے یک سمتی جزیر بھی دراصل سادہ بدلتی رو جزیر ہوتے ہیں جن کے اندر نب ڈالوؤڈ ان کی بدلتی محرک برقی دباو کو یک سمتی محرک برقی دباو میں تبدیل کر د بی ہے۔

اس باب میں دو قطب کے یک سمتی آلوں کا مطالعہ کیا جائے گا۔میکانی سمت کار رکھنے والے یک سمتی آلوں میں میدانی لچھا ساکن ہوتا ہے جبکہ قوی لچھا گھومتا ہے۔

8.1 ميکانی سمت کار کې بنياد ي کار کردگي

جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو برقی دباو ہی پیدا کرتا ہے۔ یک سمتی جزیٹر کے اندر نسب سمھے کار4 میکانی طریقہ سے اس بدلتی رو کو یک سمتی برقی دباو حاصل ہوتا ہے۔ اس بدلتی رو کو یک سمتی برقی دباو حاصل ہوتا ہے۔

dc, direct current¹ power electronics² diode³ commutator⁴

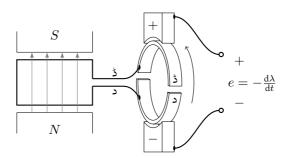


شكل 8.1: مكانى ست كار ـ

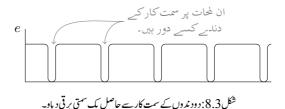
ست کار کو شکل 8.1 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں جزیٹر کے قوی کچھے کو ایک چکر کا دکھایا گیا ہے اگرچہ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا۔ قوی کچھے کے برقی سرول کو د اور ڈسے ظاہر کیا گیا ہے جو ست کار کے د اور ڈسے صول کے ساتھ جُڑے ہیں۔ قوی کچھا اور ست کار ایک ہی دھرے پر نسب ہوتے ہیں اور یوں یہ ایک ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ نصور کریں کہ یہ دونوں گھڑی کی اُلٹی سمت مقناطیسی میدان میں گھوم رہے ہیں۔ مقناطیسی میدان اُفقی سطح میں S کی جانب ہے جے نوکدار لکیروں سے دکھایا گیا ہے۔ سمت کار کے ساتھ کاربن کے ساکن اُئِش، اسپر نگ کی مدد سے دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ ان کاربن کے اُٹوں سے برتی دباو بیرونِ جزیٹر موصل برتی تاروں کے ذریعہ منتقل کی جاتی ہیں۔ ان اُٹوں کو مثبت نشان لیعنی + اور منتی نشان لیعنی – سے ظاہر کیا گیا ہے۔

دکھائے گئے لمحہ پر لمجھے میں پیدا برقی دباو عکی وجہ سے لمجھے کا برقی سرا د مثبت اور اس کا برقی سرا ڈ منفی ہے۔ یوں سست کار کا حصہ د مثبت اور اس کا حصہ ڈ منفی ہے جس سے کاربن کے + نشان والا بُش مثبت اور – نشان والا بُش منفی ہے۔ آدھے چکر بعد خلاء میں لمجھے کی د اور ڈ اطراف آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گی۔ یہ شکل 8.2 میں دکھایا گیا ہے۔ کچھے کے د اور ڈ اطراف اب بھی سمت کار کے د اور ڈ حصول کے ساتھ جُڑے ہیں۔ اس لمحہ پر لچھے پر برقی دیاو اُلٹ ہوگی اور اب اس کا د طرف منفی اور ڈ طرف مثبت ہوگا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں سمت کارکی کارکردگی سامنے آتی ہے اور ہم دیکھتے ہیں کہ کاربن کا + نشان والا بُش اب بھی مثبت اور – نشان والا بُش اب بھی مثبت اور – نشان والا بُش اب بھی مثبت اور سے اور دھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔ ماہیں برقی دباو پہلے کی سمت میں ہی ہے۔ سمت کاری کے دانتوں کے ماہین برقی دباو ہوتا ہے لہذا ان کو غیر موصل شہ کی مدد ایک دونوں سے اور دھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔

گھومتے وقت ایک ایسالمحہ آتا ہے جب سمت کار کے دونوں دانت کاربن کے دونوں بُثوں کے ساتھ جُڑے ہوتے ہیں لیعنی اس لمحہ کاربن کے بُش لیجھے کو کسرِ دور کرتے ہیں۔ کاربن کے بُش محیط پر اس طرح رکھے جاتے ہیں کہ جس



شکل 8.2: آدھے چکر کے بعد بھی + کُش مثبت ہی ہے۔



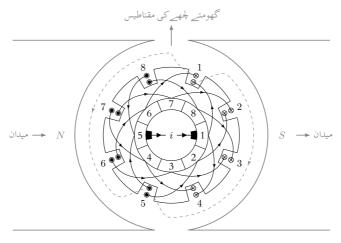
لمحہ کچھے میں برقی دباو مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہونے لگے اس لمحہ کاربن کے بُش کچھے کو کسرِ دور کرے۔چونکہ اس لمحہ کچھے کے پیدا کردہ برقی دباو صفر ہوتی ہے للذا اسے کسرِ دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا۔اس طرح حاصل برقی دباو شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں دو دندوں والا سمت کار اور دو مقناطیسی قطب کے در میان گھومتا ایک ہی قوی لچھا دکھایا گیا ہے۔ حقیقت میں جزیئر کے بہت سارے قطب ہوں گے۔ مزید سے میں جزیئر کے بہت سارے قطب ہوں گے۔ مزید سے کہ نہایت چھوٹی آلوں میں مقناطیسی میدان مقناطیس ہی فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں مقناطیسی میدان ساکن میدانی لچھے فراہم کرتے ہیں۔ مثین کے دونوں قشم کے لچھے تقسیم شدہ ہوتے ہیں۔

اب ہم زیادہ دندول کے ایک سمت کار کو دیکھتے ہیں۔

8.1.1 ميكاني سمت كاركي تفصيل

پچھلے حصہ میں سمت کار کی بنیادی کار کردگی سمجھائی گئ۔ اس حصہ میں اس پر تفصیلاً غور کیا جائے گا۔ یہاں شکل 8.4 سے رجوع کریں۔اس شکل میں اندر کی جانب دکھائے گئے سمت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔سمت

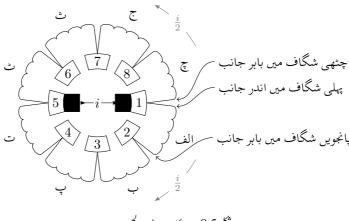


شکل 8.4: کاربن کُشِ سمتکار کے دندوں کو کسر دور نہیں کررہا۔

کار کی اندر جانب کاربن بُش دکھائے گئے ہیں جبکہ بیرونِ جزیٹر برتی روکو ظاہر کرتی ہے۔ شگافوں کو بھی ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس جزیٹر کے دو قطب ہیں جبکہ اس میں کل آٹھ شگاف ہیں۔اس طرح اگرایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہو تو تین شگاف جھوڑ کر موجود شگاف دوسرے قطب کے سامنے ہو گا۔ہم کہتے ہیں کہ ایسے دو شگاف ایک قطب فاصلے پر ہیں۔

شگافوں میں موجود کچھوں میں برقی روکی سمتیں نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے گئے ہیں۔ نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر باہر جانب کی سمت کو ظاہر کرتی ہے۔یوں پہلی شگاف میں برقی روکی سمت مودی طور پر صفحہ کی اندر جانب کو ہے۔

ہر شگاف میں دو لچھے و کھائے گئے ہیں۔ پہلی شگاف کی اندر جانب موجود لچھا، ست کار کی پہلی دانت سے بُڑا ہے۔ یہ جوڑ موٹی لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔ شگاف کے نچلے سرے سے نکل کر یہ لچھا پائے نمبر شگاف کے نچلے سرے میں باہر جانب کو داخل ہوتا ہے۔ اس بات کو نقطہ دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس طرح دو لچھے دوسرے اور چٹے شگافوں میں باہر کی جانب ہے جبکہ دوسرا شگافوں میں باہر کی جانب ہے جبکہ دوسرا لچھا دوسرے شگاف میں باہر کی جانب اور چٹے شگاف میں اندر کی جانب ہے۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں لچھا دوسرے شگاف میں باہر کی جانب اور چٹے شگاف میں اندر کی جانب ہے۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں شگاف کے لئے انہیں بنا سکتے ہیں۔ ہر لچھے کی ایک طرف شگاف میں اندر جانب اور اس کی دوسری طرف شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔ سمت کار کا یہی پہلا اندر جانب اور اس کی دوسری طرف ایک قطب دور موجود شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔ سمت کار کا یہی پہلا دانت چوشھے شگاف کی باہر جانب موجود لچھے سے بھی بُڑا ہے۔ آپ یہاں رکھ کر شکل 8.5 کی مدد سے مشین میں

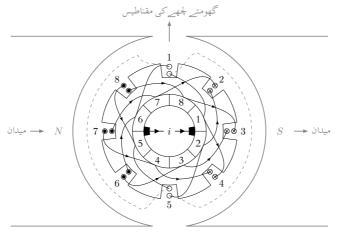


شكل 8.5: ست كارسے جڑے كچھے۔

برقی رو کی سمتیں سمجھیں اور تبلی کر لیں کہ یہ درست دکھائے گئے ہیں۔اس شکل میں کچھوں کو الف، ب، پ وغیرہ نام دیئے گئے ہیں جبکہ سمت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔کاربن کے کبش پہلے اور پانچویں دانت سے جڑے دکھائے گئے ہیں۔

اس شکل میں کاربن بُش سے برتی رو سمت کارکی پہلے دانت سے ہوتے ہوئے دو برابر مقداروں میں تقسیم ہو کر دو کیسال متوازی راستوں گزرے گی۔ایک راستہ سلسلہ وار جڑے الف، ب، پ اور ت کچھوں سے بنتا ہے جبکہ دوسرا راستہ سلسلہ وار جڑے ٹ، ث، ج اور چ کچھوں سے بنتا ہے۔ یہ دو سلسلہ وار راستے آپس میں متوازی جڑے ہیں۔ برتی رو کی سمت نقطہ دار چونچ والی کئیر سے ظاہر کی گئی ہے۔ دو متوازی راستوں سے گزرتا برتی رو ایک مر تبہ دوبارہ مل کر ایک ہو جاتا ہے اور سمت کار کے پانچویں دانت سے جڑے کاربن بُش کے ذریعہ مثین سے باہر نکل جاتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ گھومتے جھے کی شگافوں میں موجود کچھوں میں برتی رو مقناطیسی دباو کو جنم دے گی جو ساکن مقناطیسی دباو کو جنم دے گی جو ساکن مقناطیسی دباو کو جنم دے گی جو ساکن مقناطیسی دباو کی عمودی سمت میں ہو گی جیسا شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔ یہ دو مقناطیسی دباو دھرے پر گھڑی کی سمت میں قوت مروڑ پیدا کریں گے۔ یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو تو یہ گھڑی کی سمت میں مورت میں کاربن بُش پر بیرونی یک سمت میں موٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو تو یہ گھڑی کی سمت میں ہو۔ گی داس میں ہو تی دباو اس سمت میں لاگو کی جائے گی کہ اس میں برتی رو دکھائی گئی سمت میں ہو۔

اب بیہ تصور کریں کہ مشین ایک جزیٹر کے طور پر استعال کی جارہی ہو اور اسے گھڑی کی اُلٹی سمت بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جا رہا ہو۔ یوں سمت کار کے آوھے دانت برابر حرکت کرنے کے بعد بیہ شکل 8.6 میں دکھلائے حالت اختیار کرلے گی۔اس شکل میں دائیاں کاربن بُش سمت کار کے پہلے اور دوسرے دانت کے ساتھ جبکہ بائیاں



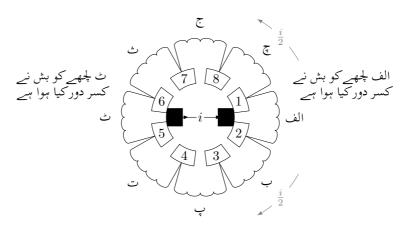
شکل 8.6: کاربن بُش ست کار کے دندوں کو کسر دور کر رہاہے۔

کاربن بُش اس کے پانچویں اور چھٹے دانت کے ساتھ بُڑ گئے ہیں۔یوں پہلے اور پانچویں شگافوں میں موجود کچھے کسرِ دور ہو گئے ہیں جبکہ بقایا شگافوں میں موجود کچھوں میں حسبِ معمول برقی رو ہو گا جن سے مقناطیسی دباو اب بھی پہلے کی طرح ساکن مقناطیسی کی دباو کی عمودی سمت میں ہو گا۔اس لحہ کی صورت شکل 8.7 میں زیادہ واضح ہے۔

مشین جب سمت کار کے ایک دانت برابر حرکت کر لے تو کار بن کے کُش دوسرے اور چھٹے دانت سے جُرُ جائیں گے۔ پہلے اور پانچویں شگافوں میں برقی رو کی سمت پہلی سے اُلٹ ہو جائے گی جبکہ باقی شگافوں میں برقی رو کی سمتیں برقرار رہیں گی۔ گھومتے کچھوں کا برقی دباو اب بھی اُسی سمت میں ہو گا۔

جتنے کھے کے لئے کاربن کے بُش دو کچھوں کو کسرِ دور کرتے ہیں اتنے وقت میں ان کچھوں میں برقی روکی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔ کو شش کی جاتی ہے کہ اس دوران برقی رو وقت کے ساتھ بندر تئ تبدیل ہو۔اییا نہ ہونے سے کاربن کے بُش سے چنگاریاں نکلتی ہیں جن سے یہ بُش جلد ناکارہ ہو جاتے ہیں۔ جزیٹر کے کسر دور کچھوں میں پیدا برقی دباو انہیں کچھوں میں گھومتی برقی رو پیدا کرتی ہے جو ہمارے کسی کام کی نہیں۔ کچھے اور کاربن بش کے برقی مزاحمت اس برقی رو کی قیت کا تعین کرتے ہیں۔

حقیقت میں یک سمتی جزیٹر میں در جن دانت فی قطب والا سمت کار استعال ہو گا اور اگر مشین نہایت مچھوٹی نہ ہو تو اس میں دو سے زیادہ قطب ہول گے۔



شکل 8.7: کاربن بش دودندوں کو کسر دور کررہے ہیں۔

8.2 كى سىتى جزيىر كى برقى دباو

گزشتہ حصہ میں شکل 8.5 کے الف، ب، پ اور ت کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ اس طرح ٹ، ث، ج اور ج کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ اس طرح ٹ، ث، ج اور ج کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ حصہ 5.3 میں مساوات 5.23 ایک کچھے کی یک سمتی جزیڑ کی محرک برتی دباو e_1 ویتی ہے۔ اسے یہاں یاد دھیانی کی خاطر دوبارہ دیا جاتا ہے۔

$$(8.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

8.4 اگر خلائی درز میں B_m کی مقدار ہر جگہ کیساں ہو تو سب کچھوں میں برابر محرک برقی دباو پیدا ہو گا۔یوں شکل B_m میں دکھائے کہے پر جزیٹر کی کل کر محرک برقی دباو B_m ایک کچھے کی محرک برقی دباو کی چار گنا ہو گی لیعنی

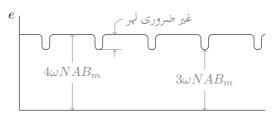
(8.2)
$$e = e_{\downarrow\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow}$$

$$= e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow}$$

$$= 4\omega NAB_{m}$$

جبه شکل 8.6 میں و کھائے لمحہ پر صرف تین لمجھوں کی محرکی برقی دباو زیر استعال آتی ہے لینی

(8.3)
$$\begin{aligned} e &= e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\ddot{\downarrow}} \\ &= e_{\ddot{\downarrow}} + e_{\ddot{\downarrow}} + e_{\ddot{\downarrow}} \\ &= 3\omega NAB_m \end{aligned}$$



شکل8.8: آٹھ دندوں کی میکانی سمت کارسے حاصل برقی د باو۔

شکل 8.8 میں اس آٹھ دندوں والے میکانی سمت کارسے حاصل برتی دباو دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں یک سمتی برتی دباو پر سوار غیر ضروری اہریں نظر آ رہی ہیں۔اگر جزیٹر میں ایک جوڑی قطب پر کل n کچھے ہوں تو شکل 8.5 کی طرح ہید دو $\frac{n}{2}$ سلسلہ وار کچھوں جتنی محرکی برتی دباو پیدا کرے گی۔

(8.4)
$$e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$

اس صورت میں بیہ غیر ضروری اہریں کل دیک سمتی برتی دباو کی تقریباً

$$\frac{\omega N \phi_m}{\frac{n}{2} \omega N \phi_m} \times 100 = \frac{2}{n} \times 100$$

فی صد ہو گی۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اگر فی قطب دندوں کی تعداد بڑھائی جائے تو حاصل برقی دباو زیادہ ہموار ہو گی اور یہ غیر ضروری لہریں قابل نظر انداز ہوں گے۔

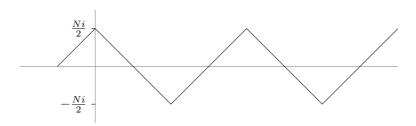
اب تصور کریں کہ شکل 8.4 میں دیئے مشین کی خلائی درز میں B_m کی مقدار ہر جگہ کیساں نہیں ہے۔اس صورت میں کچھوں میں محرک برقی دباو مساوات 8.1 کے تحت مختلف زاویوں پر مختلف ہو گی۔اس طرح مشین سے حاصل کل ہرتی دباو چار سلسلہ وار کچھوں کی مختلف محرک برقی دباو کے مجموعہ کے برابر ہو گی لینی

$$(8.6) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

جہاں e_1, e_2, \cdots مختلف کچھوں کی محرک برقی دباو کو ظاہر کرتے ہیں۔

اب شکل 8.4 پر غور کریں۔اگر گھومتا حصہ صرف ایک دندے برابر حرکت کرے تو اس شکل کی حالت دوبارہ حاصل ہوتی ہے اور اس سے حاصل برتی دباو بھی دوبارہ وہی ملتی ہے۔اگر میکانی سمت کارکی فی قطب دندوں کی تعداد زیادہ کر دی جائے تو یہ حرکت قابل نظر انداز ہو جاتی ہے۔ اب اگر خلائی درز میں کثافت ِ مقناطیسی بہاو ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو اتن کم حرکت کے احاطے میں B_m کی مقدار میں کوئی خاص تبدیلی نہیں آئے گی اور اس احاطے

8.3. قوت مسرور الله 8.3



شكل8.9: آرى دندون نما كثافت مقناطيسي دباو ـ

میں اسے یکساں تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں اگر لچھا اس احاطے میں حرکت کرے تو اس میں محرک برقی دباو تبدیل نہیں ہو گی۔ یعنی جس لچھے کی محرکی برقی دباو e_1 ہے اُس کی اس احاطے میں محرکی برقی دباو یہی رہے گی۔ یوں اگرچہ نہیں ہو گی۔ یعنی جس محلف ہو سکتے ہیں مگر ان کی مقدار قطعی ہے، لہذا اس صورت میں مساوات e_1, e_2, \dots گئی محرکی برقی دباوکی مقدار مجمی قطعی ہو گی۔

ہم نے دیکھا کہ اگر خلائی درز میں B_m ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو جزیٹر سے معیاری یک سمتی محرک برقی دباو حاصل ہوتی ہے۔ بہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں دباو حاصل ہوتی ہے۔ بہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں خلائی درز میں B_m یکساں رکھا جاتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں اسے ہمواری کے ساتھ تبدیل کیا جاتا ہے۔ جبیہا اوپر ذکر ہوا عملاً میکانی سمت کار کے دندوں تک لچھوں کے سروں کی رسائی ممکن تب ہوتی ہے جب ہر شگاف میں دو لچھے مرکھ جامیں۔ اس طرح رکھے لچھوں کی خلائی درز میں مقناطیسی دباو آری کے دندوں کی مانند ہوتا ہے۔ یہ شکل 8.9 میں دکھایا گیا ہے۔

زیادہ قطب کے مشین میں شالی اور جنوبی قطب کے ایک جوڑے کی پیدا یک سمتی برقی دباو مساوات 8.4 سے حاصل ہو گی جہال n ایک قطبین کے جوڑے پر میکانی سمت کار کے دندول کی تعداد ہو گی۔یوں زیادہ قطبین کے جوڑیوں سے حاصل یک سمتی برقی دباو کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑا جا سکتا ہے۔

8.3 قوت مروڑ

یک سمتی آلول کی امالی برقی دباو اور قوت مرور خلائی درز میں مقناطیسی دباو کی شکل پر منحصر نہیں۔اپنی سہولت کے لئے ہم ان کی خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما تصور کرتے ہیں۔شکل 8.9 میں دکھائے گئے قوی کچھے کی مقناطیسی

باس_8. يك مستى رومشين

د باو کی بنیادی فوریئر جزو⁵

252

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

ہے۔ یوں چونکہ یک سمتی مشین میں ساکن اور گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباو عمودی ہیں للذا ان میں قوت مروڑ مساوات 5.101 کی طرح

(8.8)
$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

ہو گی۔

مثال 8.1: دو قطب بارہ دندوں کے میکانی ست کار کے یک سمتی جزیٹر میں ہر قوی کچھا ہیں چکر کا ہے۔ایک کچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاو 0.0442 ویبر ہے۔جزیٹر 3600 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔

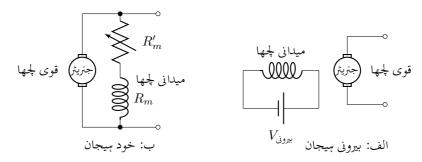
- اس کی پیدا یک سمتی برقی دباو میں غیر ضروری اہریں کل برقی دباو کے کتنے فی صد ہیں۔
 - یک سمتی برقی دباو حاصل کریں۔

حل:

- مساوات $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$ في صديبي مسروات عير ضروري لهرين الم
- جزیٹر کی رفتار $\frac{3600}{60} = \pi$ ہر ٹز ہے یوں مساوات 8.4 کی مدد سے حاصل یک سمتی برقی دباو

$$e = \frac{12}{2} \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 1999.82 \,\mathrm{V}$$

-4



شكل8.10: بير وني ڄيجان اور خود ڀيجان بک سمتي جزيير ـ

بیر ونی ہیجان اور خو دہیجان یک سمتی جزیٹر

ہروز پیجارہ 6 یک سمتی جزیٹر کے میدانی کچھے کو بیرونی یک سمتی برقی دباو مہیا کی جاتی ہے جبکہ نود پیجارہ 7 یک سمتی جزیٹر کے میدانی کیچھے کو اس جزیٹر کی اپنی پیدا کردہ محرک برقی دباو ہی مہیا کی جاتی ہے۔ یک سمتی جزیٹر کی کارکردگی اس کو بیجان کرنے کے طریقے پر منحصر ہے۔

شکل 8.10-الف میں قوی کیھے 8 اور میدانی کیھے 9 کو آپس میں عمودی بنایا گیا ہے۔ یہ ایک سادہ طریقہ ہے جس سے یہ یاد رہتا ہے کہ ان کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباو عمودی ہیں۔ یہاں قوی کیچھے کی شکل میکانی سمت کار کی طرح بنائی گئی ہے۔

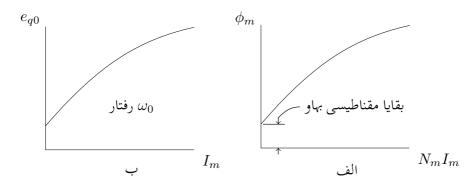
چونکہ میدانی اور قوی کچھوں کی مقناطیسی دباو عمودی ہیں ہم اس سے یہ اغذ کرتے ہیں کہ ایک کچھے کی برقی دباو دوسرے کیجھے کی برقی دباوپر اثر انداز نہیں ہوتی۔اس کا مطلب ہے کہ مقناطیسی قالب کی کسی ایک سمت میں سیرابیت اس سمت کی عمودی سمت میں سیر ابیت پر اثر انداز نہیں ہوتی۔

شکل 8.10-الف میں بیرونی بیجان مشین کی میدانی کھیے کو بیرونی یک سمتی برتی طاقت مہیا کی گئی ہے۔یوں میدانی کیجھے کی برقی رو تبدیل کر کے اس کی میدانی مقناطیسی دباو au_m ، میدانی مقناطیسی بہاو ϕ_m اور کثافت مقناطیسی

> separately excited⁶ self excited⁷

armature coil⁸

filed coil⁹



شکل 8.11: میدانی برتی روسے محرکی برتی د باو قابو کی جاتی ہے۔

بہاو B_m تبدیل کی جا سکتی ہے۔یوں جزیٹر کی محرک برقی دباو مساوات 8.1 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے یا پھر موٹر کی قوت مروڑ مساوات 8.8 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے۔

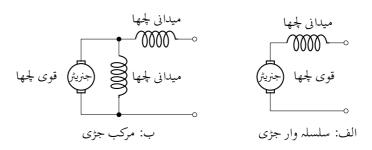
برتی رو بڑھانے سے قالب کا سیراب ہونا شکل 8.11 میں واضح ہے۔ یوں برتی رو بڑھاتے ہوئے شروع میں محرک برتی دو براہ اور میدانی کچھ کی برتی رو براہ راست متناسب ہو گی جبکہ زیادہ برتی رو پر ایسا نہیں۔ شکل میں خط ب مشین کے کھلے سرے معائنہ سے حاصل کی جا سکتی ہے۔ اس شکل میں محرکی برتی دباہ کو e_{q0} کھ کر اس بات کی یاد دھیانی کرائی گئ ہے کہ یہ محرکی دباہ توی کچھ سے حاصل کی گئ ہے اور یہ ایک معین رفتار ω_0 پر حاصل کی گئ ہے۔ اگر کسی اور رفتار س پر اس خط سے محرکی برتی دباہ e_q حاصل کرنی ہو تو مساوات 8.4 کی مدد سے کی گئ ہے۔ اگر کسی اور رفتار س پر اس خط سے محرکی برتی دباہ e_q حاصل کرنی ہو تو مساوات 8.4 کی مدد سے

(8.9)
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

لعني

$$(8.10) e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

جہاں رفتار کو چکر فی منٹ 10 میں بھی لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ یہ مساوات صرف اُس صورت میں درست ہے جب مقناطیسی میدان تبدیل نہ ہو۔



شکل8.12: سلسله وار اور مر کب جڑی خود ہیجان جنریٹر۔

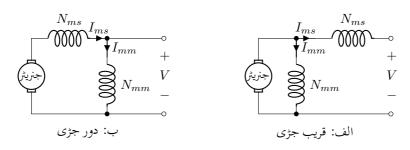
گئی ہے۔ یوں اگر میدانی کچھے کو بیجان نہ بھی کیا جائے تو جزیئر کچھ محرکی برقی دباوپیدا کرے گی¹¹۔ یہ بقایا محرکی برقی دباو شکل ب میں صفر میدانی برقی رویر دکھائی گئی ہے۔

ا گر خود ہیجان جزیٹر کو ساکن حال سے چالو کیا جائے تو بقایا محرکی برقی دباو پیدا ہو گی۔اس محرک برقی دباو سے میدانی کیچھے میں برقی رو رواں ہو گا اور پول مقناطیسی میدان پیدا ہو گا جس سے مشین ذرا زیادہ ہیجان ہو جائے گا اور یوں اس کی محر کی برقی دیاو بھی کچھ بڑھ جائے گا۔اس طرح کرتے کرتے مشین جلد پوری محرک برقی دیاویبدا کرنے ۔ شروع ہوتا ہے۔ یہ سب اسی اثنا میں ہوتا ہے جب مشین کی رفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔

شکل 8.10-ب میں خود ہیجان مشین د کھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی کیچیے متوازی جُڑے ہیں۔اس طرح جڑی جزیٹر کو خود ہیجاریز متواز کہ جزورہ ¹² جزیٹر کہتے ہیں۔اس شکل میں میدانی کیھیے کے ساتھ ایک مزاحمت سلسلہ وار جڑی ہے۔اس مزاحمت کو تبدیل کر کے میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے جس سے بالکل بیرونی ہیجان مشین کی طرح جزیٹر کی محرکی برقی دباو یا موٹر کی قوت مروڑ تبدیل کی حاتی ہے۔

شکل 8.12 میں خود بیجان جزیٹر کی دو اور قشمیں د کھائی گئی ہیں۔ ایک خود ہیجار سلسلہ وار بروی جزیٹر اور دوسری نود بیجار مرکھے جنریٹر ہے۔سلسلہ وار جڑی جنریٹر میں میدانی اور قوی کچھے سلسلہ وار بُڑے ہوتے ہیں۔مرکھے جنریٹر میں میدانی کیجھے کے دو حصے ہوتے ہیں جن میں ایک قوی کیجھے کے متوازی اور دوسرا اس کے سلسلہ وار جُڑے ہوتے ۔ ہیں۔مزید یہ کہ متوازی جُڑا حصہ قوی کیجھے کے قریب ہو سکتا ہے یا پھر یہ سلسلہ وار کیھے کے دوسری جانب یعنی دور بڑا ہو سکتا ہے۔ پہلی صورت میں اسے قریبے جوبی مرکھے جنریٹر اور دوسری صورت میں دور جوبی مرکھے جنریٹر کہیں گے۔ شکل 8.13 میں مرکب جنریٹر کے دونوں اشکال دکھائے گئے ہیں۔

¹¹آپ ٹھیک موج رہے ہیں۔ جزیر بنانے والے کار خانے میں قالب کو پیلی مر تبد متناظیں بنائل تا ہے parallel connected 12



شکل 8.13: مر کب قریب جڑی اور مر کب دور جڑی خود ہیجان جزیٹر

یک سمتی موٹر بھی اسی طرح پکارے جاتے ہیں۔ یعنی شکل 8.10 کی طرح جڑی دو موٹروں کو ہیرونی بیجان موٹر اور خود بیجان متوازی جڑی موٹر کہیں گے۔موٹر میں قوی کچھے کی برقی رو کی سمت جزیئر کے برقی رو کی سمت کے اگ بوقی ہے۔ اگ بوقی ہے۔

ہر طرح جڑی یک سمتی جزیٹر کی میدانی مقناطیسی دباواس کے میدانی کچھے کے چکر ضرب برقی رو کے برابر ہوتی ہے یعنی

شکل 8.10 میں خود ہیجان متوازی جڑی جزیٹر کی میدانی کچھے میں برتی رو اس کچھے اور اس کے ساتھ جڑی مزاحمت $R=R_m+R_m'$ مخصر ہوگی لیعنی $I_m=rac{V}{R}$ یوں خود ہیجان متوازی جڑی جزیٹر کے لئے اس مساوات کو یوں لکھا جائے گا۔

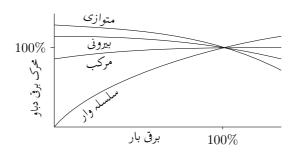
(8.12)
$$\tau_{m,m} = \frac{I_m V}{R_m + R'_m}$$

سلسلہ وار جڑی جزیٹر میں میدانی برقی رو جزیٹر کے قوی کچھے کی برقی رو کے برابر ہوتی ہے لہذا اس صورت میں اس مساوات کو بوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\tau_{m,s} = N_m I_q$$

شکل 8.13 میں مرکب جزیٹر میں میدانی مقناطیسی دباو کے دو جسے ہیں۔اس میں N_{mm} چکر کے متوازی جڑے میدانی کچھے میں برتی رو I_{ms} اور N_{ms} چکر کے سلسلہ وار جڑے میدانی کچھے میں برتی رو I_{ms} ہے لہذا

(8.14)
$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$



شکل 8.14: یک سمتی جزیٹر کی محرک برقی د باوبمقابلہ برقی بوجھ کے خطہ

8.5 کیک سمتی مشین کی کار کردگی کے خط

8.5.1 حاصل برقى دباوبالقابل برقى بوجھ

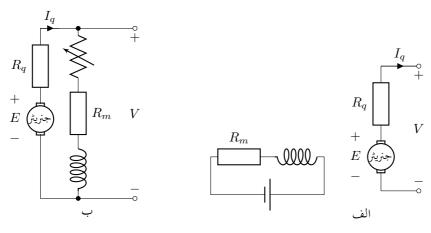
مختلف طریقوں سے بُڑے یک سمتی جزیٹر وں سے حاصل برقی دباو بمقابلہ ان پر لدے برقی بوجھ کے خط شکل 8.14 میں دکھائے گئے۔ گھومتی رفتار معین تصور کی گئی ہے۔ دھرے پر لاگو بیرونی میکانی طاقت جزیئر کی قوت مروڑ کے خلاف اسے گھمائے گی۔

ان خط کو سیجھنے کی خاطر پہلے ہیرونی بیجان جزیٹر پر غور کرتے ہیں جس کی مساوی برقی دور شکل 8.15-الف میں دی گئی ہے۔ ہیرونی بیجان جزیٹر پر برقی بوجھ لادنے سے اس کے قوی کچھے کی مزاحت R_q^{13} میں برقی رو I_q گزرنے سے اس میں برقی دباو گھٹی ہے۔ لہذا جزیٹر سے حاصل برقی دباو V، جزیٹر کی اندرونی محرک برقی دباو E_q سے قدرِ کم ہوتی ہے بیعنی

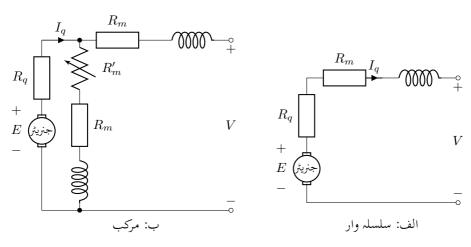
$$(8.15) V = E_q - I_q R_q$$

برقی بوجھ I_q بڑھانے سے جنریٹر سے حاصل برقی دباو کم ہو گی۔شکل میں بیرونی بیجان جنریٹر کی خط ایبا ہی رجمان ظاہر I_q کرتی ہے۔ حقیقت میں کچھ اور وجوہات بھی کار آمد ہوتے ہیں جن سے یہ خط سید تھی نہیں بلکہ جھکی ہوتی ہے۔

متوازی جڑی جزیٹر کے خط کا یہی رجمان ہے۔ متوازی جڑی جزیٹر پر بھی برتی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مزاحمت میں برتی دباو گھٹی ہے ۔یوں اس کے میدانی کچھے پر لاگو برتی دباو کم ہو جاتی ہے جس سے میدانی کچھے میں برتی رو



شکل 8.15: بیرونی بیجان اور متوازی جڑی جزیٹر کی مساوی برقی دور۔



شکل 8.16: سلسلہ وار اور مرکب جزیئر کے مساوی برقی دور۔

بھی گھٹی ہے۔ اس سے محرک برقی دباو مزید کم ہوتی ہے۔اس طرح ان جزیٹر سے حاصل برقی دباو بمقابلہ برقی بوجھ کے خط کی ڈھلان بیرونی بیجان جزیٹر کی خط سے زیادہ ہوتی ہے۔

شکل 8.16 میں سلسلہ وار اور مرکب جزیئر کی مساوی برقی داو دکھائے گئے ہیں۔سلسلہ وار جڑی جزیئر کے میدانی کچھے میں لدے بوجھ کی برقی رو ہی گزرتی ہے۔اس طرح بوجھ بڑھانے سے میدانی مقناطیسی دباو بھی بڑھتی ہے۔اس طرح بڑسے جزیئر عموماً استعال نہیں ہوتے ہو کہہ ان سے محرک برقی دباو بڑھی ہے۔اس کا خط یہی دکھا رہا ہے۔اس طرح جُڑے جزیئر عموماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حاصل برقی دباو، بوجھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتی ہے۔

مرکب جڑی جزیر کی کارکردگی سلسلہ وار اور متوازی جڑی جزیر ول کے مابین ہے۔ مرکب جزیر میں بوجھ بڑھانے سے قوی کچھے کی وجہ سے حاصل برقی دباو میں کمی کو میدانی کچھے کی بڑھتی مقناطیسی دباو پورا کرتی ہے۔ یوں مرکب جزیر سے حاصل برقی دباواس پر لدے بوجھ کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتی ہے۔

بیرونی بیجان، متوازی اور مرکب جڑی جزیر وں سے حاصل برقی دباو کو متوازی جڑی کچھے میں برقی روکی مدد سے وسیع حد تک تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

قوی لچھا چونکہ برتی بوجھ کو درکار برتی رو فراہم کرتی ہے لہذا ہے موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے اور اس کے عموماً کم چکر ہوتے ہیں۔سلسلہ وار جزیٹر کے میدانی کچھے سے چونکہ مشین کا پوری برتی رو ہی گزرتا ہے للذا یہ بھی موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے۔باقی آلوں میں میدانی کچھے میں پورے برقی بوجھ کے چند ہی فی صد برقی رو گزرتی ہے للذا یہ بادیک موصل تارکی بنائی جاتی ہے اور اس کے عموماً زیادہ چکر ہوتے ہیں۔

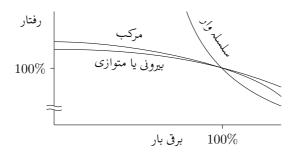
8.5.2 رفتار بالمقابل قوت مرورُ

یہاں بھی شکل 8.15 اور شکل 8.16 سے رجوع کریں البتہ شکل میں برقی روکی سمتیں اُلٹ کر دیں۔ یک سمتی موٹر بھی جزیٹروں کی طرح مختلف طریقوں سے بجڑے جاتے ہیں۔موٹر کو معین بیرونی برقی دباو دی جاتی ہے جہاں سے یہ برقی رو باہر سے قوی کیچے کی جانب چلتی ہے لہذا موٹر کے لئے کھا جائے گا

$$V = E_q + I_q R_q$$

$$I = \frac{V - E_q}{R_q}$$

13 علامتRq کے زیر نوشت میں q لفظ قوی کے پہلی حرف ق کو ظاہر کرتی ہے۔



شکل 8.17: یک سمتی موٹر کی میکانی بوجھ بمقابلہ رفتار کے خط۔

بیرونی بیجان اور متوازی بڑی موٹروں میں میدانی کیجے کو برقرار معین بیرونی برقی دباو فراہم کی جاتی ہے لندا میدانی مقاطیسی بہاو پر میکانی بوجھ کا کوئی اثر نہیں۔ بڑھتی میکانی بوجھ اٹھانے کی خاطر مساوات 8.8 کے تحت قوی کیجھے کی مقاطیسی بہاو بڑھنی ہو گی۔ یہ تب ممکن ہو گا کہ اس میں برقی رو بڑھے۔ مساوات سے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کیجھے کی مخرکی برقی دباو E_q گھٹے سے ہی ایبا ممکن ہے۔ E_q موٹر کی رفتار پر منحصر ہے لندا موٹر کی رفتار کم ہو جائے گی۔ یوں میکانی بوجھ بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہو جائے گی۔ یوں میکانی بوجھ بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہوتی ہے۔ شکل 8.17 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

متوازی جڑی یا بیرونی بیجان موٹر تقریباً معین رفتار ہی برقرار رکھتی ہے۔اس کی رفتار بے بوجھ حالت سے پوری طرح بوجھ بردار حالت تک تقریباً صرف پانچ فی صد کھٹی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی کچھ کی برقی رو تبدیل کر کے تبدیل کی جاتی ہے۔اییا میدانی کچھ کے ساتھ سلسلہ وار جڑی مزاحمت کی تبدیلی سے کیا جاتا ہے۔ان کی رفتار یوں وسیع حدوں کے مابین تبدیل کرنا ممکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بیرونی برقی دباو تبدیل کر کے بھی رفتار قابو کی جاسکتی ہے۔اییا عموماً قوی الیکٹرائنس کی مدد سے کیا جاتا ہے۔

ان موٹر کی ساکن حال سے چالو کرتے کھے کی قوت مروڑ اور ان کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ قوی کچھے تک برقی رو پہنچانے کی صلاحیت پر منحصر ہے یعنی یہ میکانی سمت کار پر منحصر ہے۔

سلسلہ وار جڑی موٹر پر لدی میکانی بوجھ بڑھانے سے اس کے قوی اور میدانی کچھوں میں برقی رو بڑھے گا۔ میدانی مقناطیسی بہاو بڑھے گی اور مساوات 8.16 کے تحت E_q کم ہو گی جو موٹر کی رفتار کم ہونے سے ہوتی ہے۔ بوجھ بڑھانے سے ان موٹر کی رفتار کافی زیادہ کم ہوتی ہے۔ایسے موٹر ان جگہوں بہتر ثابت ہوتے ہیں جہاں زیادہ قوت مروڑ درکار ہو۔بڑھی قوت مروڑ کے ساتھ ان کی رفتار کم ہونے سے ان کو درکار برقی طاقت قوت مروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتا۔

یبال اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بوجھ سلسلہ وار جڑی موٹر کی رفتار خطرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔ایسے موٹر کو استعال کرتے وقت اس بات کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحہ بوجھ بردار رہے۔

ساکن حالت سے موٹر چالو کرتے وقت I_q کی قیمت زیادہ ہوتی ہے جس سے زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ یول چالو کرتے وقت موٹر کی قوت مروڑ خاصی زیادہ ہوتی ہے۔ یہ ایک اچھی خوبی ہے جس سے بوجھ بردار ساکن موٹر کو چالو کرنا آسان ہوتا ہے۔

مرکب موٹروں میں ان دو قسموں کی موٹروں کے خصوصیات پائے جاتے ہیں۔جہاں بوجھ بردار موٹر چالو کرنا ضروری ہو لیکن رفتار میں سلسلہ وار موٹر جتنی تبدیلی منظور نہ ہو وہاں مرکب موٹر کارآمد ثابت ہوتے ہیں۔

مثال 8.2: ایک 75 کلو واٹ 415 وولٹ اور 1200 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلنے والے متوازی بڑی یک سمتی موٹر کے قوی کچھ کی مزاحمت 83.2 اوہم ہے۔موٹر جس بوجھ سمتی موٹر کے قوی کچھ کی مزاحمت 83.2 اوہم ہے۔موٹر جس بوجھ سے لدا ہے اس پر موٹر 1123 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلتے ہوئے 112 ایمپیئر کے رہی ہے۔

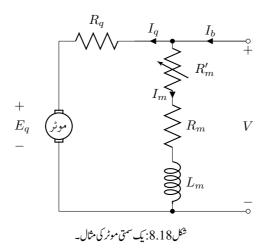
- میدانی برتی رو اور توی کیھے کی برتی رو حاصل کریں۔
 - موٹر کی اندرونی پیدا کردہ برقی دباو حاصل کریں۔
- اگر میدانی کیچے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے مگر قوی کیچے کی برقی رو تبدیل نہ ہو تو موٹر کی رفتار حاصل کریں۔ قالب کی سیرابیت کو نظرانداز کریں۔

حل:

• شکل 8.18 سے رجوع کریں۔415 وولٹ پر میدانی کچھے کی برتی رو

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 \,\mathrm{A}$$

 $I_q = I_b - I_m = 112 - 4.988 = 107.012\,\mathrm{A}$ ہو گی۔یوں قوی کیچھے کی برقی رو



• يول يك سمتى موٹر كى اندروني پيدا كرده برقى دباو

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

ہ۔

• اگر میدانی کچھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے تب

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{100.2} = 4.1417 \,\mathrm{A}$$

ہو گی ۔

• اگر قوی کیچھے کی برقی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھی جائے تب

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

ہی رہے گی۔

• مساوات 8.4 کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کردہ برقی دباو تبدیل نہیں ہوئی گر مقناطیسی بہاو تبدیل ہوا ہے للذا موٹر کی رفتار تبدیل ہو گی۔ان دو مقناطیسی بہاو اور رفتاروں پر اس مساوات کی نسبت

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$

میں چونکہ $E_{q1}=E_{q2}$ للذا $E_{q1}=\omega_2\phi_{m1}=\omega_2\phi_{m2}$ ہو گا۔ قالبی سیر ابیت کو نظر انداز کرتے ہوئے چونکہ مقاطیسی بہاو میدانی دباو پر مخصر ہے جو از خود میدانی برقی رو پر مخصر ہے۔ للذا اس آخری مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

جس سے نئی رفتار

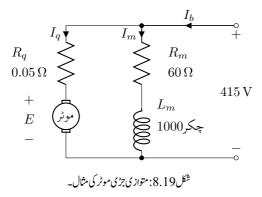
$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{4.988}{4.1417} \times 1123 = 1352.47$$

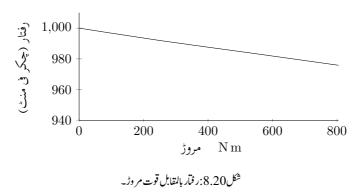
چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں ہم دیکھتے ہیں کہ میدانی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفتار بڑھتی ہے۔

مثال 8.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ متوازی جڑی یک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی مزاحمت 0.05 اوہم اور میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔بے بوجھ موٹر کی رفتار 1000 چکر فی منٹ ہے۔میدانی کچھا 1000 کیرکا ہے۔
1000 کیکر کا ہے۔

- جب یه موٹر ایمپیئر لے رہی ہو اس وقت اس کی رفتار معلوم کریں۔
 - 140 ایمپیئریراس کی رفتار معلوم کرین۔
 - 210 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین۔
 - اس موٹر کی رفتار بالمقابل قوت مروڑ ترسیم کریں۔

حل:





• شکل 8.19 میں یہ موٹر دکھائی گئی ہے۔ متوازی میدانی کچھے کی برقی رو پر بوجھ لادنے سے کوئی فرق نہیں پڑتا۔ للذا میدانی مقناطیسی بہاو بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر میں یکسال ہے۔ بے بار یک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی برقی رو 1₉ قابل نظر انداز ہوتی ہے۔ اس طرح مساوات 8.16 اور مساوات 8.10 سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \,\mathrm{V}$$

$$I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.916 \,\mathrm{A}$$

یعنی 415 وولٹ محرکی برقی دباو پر رفتار 1000 چکر فی منٹ یا 16.66 چکر فی سینٹر ہے۔70 ایمبیئر برقی بوجھ پر بھی $I_m = 6.916$ ہی ہے جبکہ

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 \,\mathrm{A}$$

للذا مساوات 8.16 سے اس صورت میں

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 8.10 سے رفار (چکر فی منٹ) یوں حاصل ہوتا ہے

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}} rpm_0 = \frac{411.8458}{415} \times 1000 = 991.95$$

 $I_b = 140 \, \text{A}$ بین کچھ دوبارہ کرتے ہیں۔ یہاں •

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.916 = 133.084 \text{ A}$$

$$E_q = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 \text{ V}$$

$$rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$$

 $_{-}$ یہاں $I_b = 210 \, \text{A}$ ہے۔

$$I_q = I_b - I_m = 210 - 6.916 = 203.084 \,\text{A}$$

$$E_q = 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 \,\text{V}$$

$$rpm = \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83$$

• موٹر میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہیں۔ یوں اس کی میکانی طاقت اسے فراہم کی گئ برقی طاقت کے برابر ہو گی یعنی

$$(8.17) e_q I_q = T\omega$$

با_8. يك ستى رومشىن 266

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2 \times \pi \times 16.5325} = 250 \, \mathrm{N \, m}$$

ہو گی۔ یہاں 991.95 چکر فی منٹ کی رفتار کو 16.5325 ہرٹز لکھا گیا ہے۔ اسی طرح

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = 527 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

$$T_{210} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

یہ نتائج شکل 8.20 میں ترسیم کئے گئے ہیں۔

فرہنگ

earth, 95 eddy current loss, 62	ampere-turn, 32 armature coil, 133, 255
eddy currents, 62, 128	armature con, 155, 255 axle, 163
electric field	axie, 103
intensity, 10	carbon bush, 179
electrical rating, 59	cartesian system, 3
electromagnet, 132	charge, 9, 138
electromotive force, 61, 139	circuit breaker, 180
emf, 139	coercivity, 44
enamel, 62	coil
energy, 42	high voltage, 56
Euler, 21	low voltage, 56
excitation, 61	primary, 55
excitation current, 51, 60, 61	secondary, 55
excitation voltage, 61	commutator, 167, 245
excited coil, 61	conductivity, 25
	conservative field, 110
Faraday's law, 37, 127	core, 55, 128
field coil, 133, 255	core loss, 62
flux, 29	core loss component, 64
Fourier series, 63, 143	Coulomb's law, 9
frequency, 132	cross product, 13
fundamental, 144	cross section, 8
fundamental component, 64	current transformation, 66
	cylindrical coordinates, 5
generator	cymidical coordinates, 5
ac, 162	delta connected, 93
ground current, 95	design, 197
ground wire, 95	differentiation, 18
	dot product, 16
harmonic, 144	F. J. 60
harmonic components, 64	E,I, 62

نـــربنگــــــ

parallel connected, 257	Henry, 38
permeability, 25	hunting, 180
relative, 26	hysteresis loop, 45
phase current, 95	
phase difference, 23	impedance transformation, 72
phase voltage, 95	in-phase, 70
phasor, 21	induced voltage, 37, 48, 61
pole	inductance, 38
non-salient, 141	
salient, 141	Joule, 42
power, 42	
power factor, 23	lagging, 22
lagging, 23	laminations, 31, 62, 128
leading, 23	leading, 22
power factor angle, 23	leakage inductance, 79
power-angle law, 190	leakage reactance, 79
primary	line current, 95
side, 55	line voltage, 95
	linear circuit, 228
rating, 97, 98	load, 99
rectifier, 167	Lorentz law, 138
relative permeability, 26	Lorenz equation, 104
relay, 103	
reluctance, 26	magnetic constant, 25
residual magnetic flux, 44	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 48, 166	intensity, 11, 32
rotor coli, 106	magnetic flux
rpm, 158	density, 32
	leakage, 79
saturation, 45	magnetizing current, 64
scalar, 1	mmf, 29
self excited, 255	model, 82, 209
self flux linkage, 41	mutual flux linkage, 41
self inductance, 41	mutual inductance, 41
separately excited, 255	_
side	name plate, 98
secondary, 55	non-salient poles, 179
single phase, 23, 59	
slip, 211	Ohm's law, 26
slip rings, 178, 233	open circuit test, 87
star connected, 93	orthonormal, 3

ف رہنگ ف

ابتدائی	stator coil, 106, 129
بریدرن حانب،55 الجھا،55	steady state, 177
لجها، 55	step down transformer, 58
37.4.411	step up transformer, 58
ار جاور جهاره اضافی زاویائی رفتار ، 214 اکائی سمتیه ، 2	surface density, 11
زاو ما کی رفتار ، 214	synchronous, 132
اكائى سمتىيە، 2	synchronous inductance, 186
اماليه،38	synchronous speed, 158, 178
امالى برقى دېاؤ، 48،37،	1 , ,
اوېم ميثر،240	Tesla, 32
ایک، تینُ پتریاں،62	theorem
اک مرجل 59	maximum power transfer, 231
ایک مرحله ،59 ایمپیئر - چکر ،32	Thevenin theorem, 228
32·7· = /····	three phase, 59, 93
ار،138	time period, 101, 144
ېږد.190 بر قرار چالو، 177،101	torque, 168, 211
•	pull out, 180
برتی بار،138،9 قدیر 20,4	transformer
برقى دېاۇ، 28، 139	air core, 59
تبادله،66،56	communication, 59
محرك،139	ideal, 65
ييجاني، 187	transient state, 177
يك سمق،167 ت	
برتی رو، 28	unit vector, 2
بھنور نما، 128	
تبادله، 66	VA, 75
ي بيجان انگيز، 51	vector, 2
برقي سکت،59	volt, 139
برقی میدان،10	volt-ampere, 75
شدت،27،10	voltage, 139
بش،179	DC, 167
بناوٹ،87	transformation, 66
بنیادی جزو، 144،64	TIV 44 40
بو چھ، 99	Watt, 42
بھٹی،116	Weber, 32
تجفنورنما	winding
برتی رو، 62	distributed, 142
ضياع،62	winding factor, 149
بھنور نمابر قی رو،128	
بے بوجھ،60	
پترى،31،318	

عنرہنگ

جزيٹر	پتريال، 62
جزیئر بدلتی رو، 162 جوڑ	پورابو جھ،199
جوڑ	80. ﷺ
جوز تکونی،93	پیش زاویه،22
ىتارەنما،93	•
	تاخير ي زاوييه ، 22
<i>چ</i> کر فی منٹ،128	تار کی برقی د باؤ، 95
چونی، 213	تار کی بر تی رو، 95
kż	28،بات
خطی	تبادله
برقی دور، 228	ر کاوٹ، 72 تختہ 20
خودار تباط بهاو، 41 خور ۱۷ سام	مختی،98 مرکز تا تا تا میراد
خوداماله، 41	تدریجی تفرق،115 - 123
داخلی پیجان	تعدد،132 تتر 100
دا کی بیجان سلسله وار،257	تعتب،180 ت: تا 18
مستنه دار ۱۰ ک متوازی ، 257	تفرق،18 م م م 18
واری، 257 مرکب، 257	جزوي،18
ر ب.77 دور جڑی مر کب،257	عمل،19 * نام دور
دور شکن،180	ى ئى چوژ ، 93 تىرىكى 122
دور صن 160،144 دوری <i>عرصه</i> ،144،101	ٽوانائي،42 تقريم 22.50
دورن رفته.101 دهرا،163	تين مر حله ،93،59
103.17	ٹرانسفار مر
ريتا	را معار بر بر تی د باؤ، مینر ، 59
الماليه، 79	. بوق د چون پر دار، 69 بوچھ بر دار، 69
متعامله ،79	بربية بورورون خلائي قالب،99
رىتامتعاملىت،219	د باؤبرهاتا، 58
ر فآر	د باؤ گھٹاتا، 58
اضا فی زاویا کی، 214	ذرائع ابلاغ، 59
روغن،62	رو،ميٹر،59
رياضي نمونه،82،209	كال،65
ریلے،103	مُسلاء32
	ٹھنڈی تار، 95
زاويه جزوطاقت،23	
زمین،95 ت	ثانوي جانب، 55
زي <i>ينې بر</i> قي رو، 95	42 (4
زيىنى تار،95	جاول، 42
ساكن لچھا،106،129	جزو پچيالو، 149
سان چھا،100 129 ستارہ نماجوڑ،93	پیتین ۱۹۶۶ جزوطاقت، 23
ساره ما بوره . سرک، 211	بروهات، 23 پیش، 23
ىر ك.211 سرك <u>چىل</u> ے،233،178	چين،23 تاڅيري،23
مر ت ہے۔110،22	23.0 % (

<u>ــــرہنگ</u>ـــــ

قوت مر وز ^م ،211،168	سطحي تكمل،183
انتہائی،180	سطى كثافت، 11
قوىالىكىرانىس،245،209	سکت،98،97
قوى ك <u>چ</u> ھے،255	سلسله وار، 147
•	سمت كار، 245
كارېن بش، 179	ېرتىق،167
کار گزاری، 203	ميكاتى،167
کپییٹر،196	سمتير،2
كثافتُ	مودي اکائي، 3
بر قی رو، 27	سمتى ر فتار ،104
كثافت مقناطيسي بهاو	سير ابيت، 45
بقا ياء44	
کسر دور،38	ضرب صليبي، 13
05 (ضرب نقطه، 16
گرم تار، 95	42 ***
گومتالچھا،106	طاقت،42
. J	طاقت بالمقابل زاويه،190 طول موج،19
لججا	19,000
ابتدائی،55 کار 142	عار ضی صورت، 177
<u>پیلے</u> ،142	عمودي تراش، 8
ييچپرار، 39 ثانوي، 55	رقبه،8
	•
زياده بر قى د باؤ، 56	غير معاصر،180
ساكن،106	054 /:
ست،135 قوی،133	فورئير،254
نون،153 کم برتی د باؤ،56	فوريئرنسلىل،143،63 : .
ا برن د باو، 56 گومتا، 106	فیراڈے
هومتا،106 میدانی،133	قانون،37،37
ميدان،133	قالب،128
محد د	نا ب
کار تیسی، 3	64.9.7.
نگلي، 5	قانون
محرك بر تي د باؤ، 61	اوېم،26
گور، 163 نام	كولمب 9.
مخلوط عد د ، 194	لورين;،138 لورينز،138
مرحلی سمتیه، 188،21	قدامت پيند ميدان، 110 قدامت پيند ميدان، 1
مرځلي فرق.23	قريب جڻي مرکب، 257
مرکب جزیئر،257	ريب به ۲۰۰۰ ربب ۱۳۰۰ قطب
مزاحت، 25	ابحرے، 141،179
مساوات لورينز،104	بموار، 141، 179

<u>-نریئل</u>

ہیجان، 61	متله
ي ې ق.10 بيروني،255	ىنە تھونن،228
ئىررەن خود،255	ر بی در این مطاقت کی منتقلی، زیاده سے زیاد مطاقت کی منتقلی،
لچھا، 61	مشتر که ارتباط اماله ، 41 مشتر که ارتباط اماله ، 41
میجانا نگیز <u>.</u>	مشتر كه اماليه، 41
يېن برقى د باؤ، 61	معاصر،132
برقی رو، 61	معاصراماله،186
هیجان انگیز برقی رو، 60	معاصرر فتار،158،158
ىيجانى برقى د باؤ،187	معائنه
 /	كطيردور،87
یک سمتی رو مثین، 245	مقداری، 1 ط
ين،243 يك مرحله،23	مقناطین برتی،132
ىك مرحلە، 23 ىك مرحلە برقى دېاؤ، 95	برن، 132 چال کادائرہ، 45
یک مرحله برق دو،95 یک مرحله برقی رو،95	چال ۱۶۵۶ره : 43 خاتم شدت، 44
یک رخته برن روبادر بولر مساوات، 21	
21 0 31 3 2	مقناطیسی بر قی رو،64 ط
	مقناطیسی بہاو، 29
	رتا،79 کشنه 22
	كثافت،32 مقاطيسي چال، 51
	مقناطیسی د باؤ، 29
	ست،143 متاطيبي قالب،55،31
	مقنا من قائب،13،31 مقناطیسی مستقل،168،25
	جزو،30،26 مقناطیسی میدان
	مقا يان ميدان شدت، 32،11
	موژ،19،48 موژ،48،19
	- در در ۱۵۰۶ موثر قیت، 166
	موسيقائي جزو، 144،64
	موصلیت،25
	ميداني لچھے،255
	واٺ،42
	وات، 139 وولث، 139
	روت المراقع. وولٹ-الیمپییئر، 75
	ويبر،32 ويبر- چكر،37
	ويبر- چکر، 37
	^ې چيابث،29،26
	- چاب: 29،20، ہم قدم، 70
	700 20