برقی آلات حنالد حنان یوسفز کی

باسے کامیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

وارجون ۲۰۲۳

تاريخ در سنگى:12مئي 2020

# عسنوان

vii		دىبائپ
1	عت ئق	ا بنڀادي'
1	بنيادي اکائسيال	1.1
1	غپ رسعتی	۲.1
1	سمتير	٣.١
۲	محسدد	۴.۱
۲	۱٬۴۰۱ کارنتین محب دی نظب م	
۴	۲٫۴٫۰ نگلی محسد دی نظب م	
4	سمتيروتب	۵.۱
٨	رق <del>ب</del> عسودی تراکش	١.٢
9	برقی اور مقت طیسی مپ دان	۷.۱
9	ا. ک. ا	
1+		
1+	سطحی اور حجمی کثاف <b>ت</b>	Α.1
1+	ا.۸.۱ سطی کنافت	
11	مجمی کثاف <b>ت</b>	9 (
11	صلب بي ضرب اور ضرب نقط به	
11	ا.۱۰۱ صليبي ضرب	·
۳۱	۱.۱۰.۱ نقطی ضرب	
10		
14	خطی تکمل	
14	سطی تکمل ریمه:	18.1
11	دوری شمتیه	16.1
۲۱	2.1641.	۲ مقد باطیس
۲۱	ں اردار مسنز احمہ ہے اور آنچکے اسریک	1.1

iv

	/ " " *.		
22	کثا <u>فت ب</u> رقی رواور برقی میدان کی شدت	۲.۲	
۲۳	برقی ادوار	٣.٢	
20	مقت طبیبی دور حصب اول	٣.٢	
27	كثافت مقت طيسي بهب واور مقت طيسي مب دان كي شدت	۵.۲	
19	مقت طبیمی دور حصب دوم	۲.۲	
٣٢	خوداماله،مشتر كهاماله اور تواناكي	۷.۲	
۳۸	مقت طبیبی ماده کے خواص	۸.۲	
۱۳	هیجبان شده کچھ ا	9.5	
<i>۲</i> ∠		ٹر انسفار	٣
۴۸	ٹرانسفارمسر کی اہمیت میں میں میں میں میں میں میں میں میں میں	1.10	
۵٠	ٹرانسفارمسرکےاتسام	۲.۳	
۵۱	امالى برقى د باو	۳.۳	
۵۲	هیجبان انگیپ زبر قی رواور وت این ضیاع	۳.۳	
۵۵	تبادلہ برقی دباواور تب دلہ برقی روکے خواص	۵۳	
۵۸	ثانوی حسانبِ بوجھ کا استدائی حسانب اثر	٧.٣	
۵٩	ٹرانسفار مسےر کی عسلامہ پر نقطوں کامطلب	۷.۳	
4+	ر کاوٹ کاتب ولہ	۸.۳	
41	ٹرانسفار مسسر کے دولٹ وایمپیئر	٩٣	
44	ٹرانسفار مسر کے امالہ اور مساوی ادوار	1+.1"	
44	۱.۱۰ به کچهے کی مسنزاحمت اور متع امله کی علیجب د گل میسند احم		
٨٢	۲.۱۰,۳ ریستالیاله		
٨٢	۳.۱۰٫۳ ثانوی پرقی رواور فت الب کے اثرات ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،		
49	۳.۱۰٫۳ څانوی کچھے کاامالی برقی دباو		
∠•	۵٫۱۰٫۳ ثانوی کچھے کی مسنزاحمت اور متعباملہ کے اثرات ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،		
۷٠	۲.۱۰.۳ رکاوٹ کاابت دائی یا ثانوی حبانب شبادله ۲.۱۰.۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰		
۷٢	وي ادوار		
۷٣	کھلے دور معیائٹ اور قصب ر دور معیائٹ میں بیان کی میں بیان کے اور معیائٹ اور قصب ر دور معیائٹ کے ایک میں بیان ک	11.1	
۷۴	۱.۱۱٫۳ کھیلادور معیائٹ ہے		
44	۲٫۱۱٫۳ قف ر دور معیائن به ۲٫۱۱٫۳ تف رور معیائن به ۲٫۱۱٫۳ تف می دور معیائن به ۲٫۱۱٫۳ تف می دور معیا		
۷٩	تين دورې ٹرانسفار مسسر	14.4	
۲۸	تین دوری ٹرانسفار مسسر ٹرانسفار مسسر حیپالو کرتے لمحیہ زیادہ ہیجبان انگسینز برقی رو کا گزر	11.11	
19	میکانی توانائی کابامهمی تب دله	برقی اور •	۴
19	مقت طیسی نظام مسین قوی اور قوی مسرور شری کار میان کار میان کار میان کار میان کار میان کار	1.1	
90	تب دله توانائی والا ای <u>ک کی</u> چه کانظ <sup>ی</sup> م	۲.۴	
99	توانائی اور ہم توانائی	٣.۴	
1+14	متعبد ولجيهون كامقعه واطيبي نظريام	۳ ۲	

ع-نوان v

111	ش <sup>ی</sup> ن کے بنپاد کیاصول	گھومتے م	۵
111	مسان متانون فت راڈے	1.0	
111	معياصر مثين	۲.۵	
171	محسرک برقی دباوی می می در می می می می می می در می	۳.۵	
١٢٣	تھیلے کیجھے اور سائن نمسامقت طبیعی دباو	۳.۵	
۱۲۵	۵.۶.۸.۱ برلت ارومث مین		
۱۳۲	مقت طیسی د باو کی گھومتی امواج	۵۵	
124	۱.۵.۵ ایک دور کی کسپ ٹی مشین		
۳۳	۲.۵.۵ تن دورکی کسپ ٹی مشین کا تخلیلی تحب زیے		
۱۳۸	۳.۵.۵ تین دورکی کپ ٹی مشین کاتر سیمی تحب زیب ۴.۵.۵		
اما	محسرک برقی دباور	۵.۲	
۱۳۱	۱.۲.۵ بدلت اروبر قی جنسریینشر		
١٣٦	۲.۲.۵ کیک سمت روبرق جنسریٹ رین کا میں میں کا میں ہوبری جنسریٹ رین کا میں میں کا میں میں کا میں کا میں کا میں ک		
۲۳۱	ہموار قطب مشینوں مسیں قوت مسروڑ	۷.۵	
۲۳۱	۱.۷.۵ میکانی قوی مسروژ بذریع تر کیب توانائی		
۱۳۸	۲.۷.۵ میکانی قوت مسروژ بذر یعب مقن طیسی بهباد ۲.۷.۰ میکانی قوت مسروژ بذر یعب مقن طیسی بهباد		
	<b>**</b>		
100	حسال، برفت رار حپالومعیاصرمشین 		٩
104	متعب د دوری معباصر مشین	١.٢	
101	معاصرمشین کے امالہ	۲.۲	
129	۱۲.۲ خوداماله		
141	۳۲.۶ معاصراماله	·	
1411	معاصرمشین کامپ اوی دوریاریاضی نمو <b>ت</b>	۳.۹	
1414	برق طباقت کی منتقلی	۲.٦	
179	يکسال حسال، برمتسرار حپالومشین کے خواص بریں ہے۔ بریں بریں بریں ہے۔ بریں ہے۔ بریں بریں ہے۔ بریں ہے۔ بریں ہے۔ بری	۲.۵	
149	ا ۱.۵.۲ معاصر جنسر بیشر: برقی بو تهم بالمقابل $I_m$ خط میسترد. برقی بوتهم بالمقابل المقابل میسترد. برقی بوتهم بالمقابل میسترد برقی بوتهم بالمقابل میسترد. برقی بوتهم بالمقابل میسترد برقی بالمقابل می		
141	معیا صرموٹر: $I_a$ بالمقابل $I_m$ کے خط $I_m$ کے خط $I_m$ کے خط $I_m$ کے میں تو		
1211	کھادوراور قصبر دور معیائٹ میں بیان کی میں است میں کا میں است میں است کی است کی است کا میں است کا میں است کی می	۲.۲	
1211	۱٫۲٫۶ کھیلادورمعیائٹ		
۱۷۴	۲.۲.۶ تصسر دور معسائن ۲.۲.۶		
۱۸۳	فين ا	امالی مسن	4
۱۸۳	ک کن کچھوں کی گھومتی مقب طبیعی موج	1.4	
۱۸۴	مشين كاسبر كاواور گلومتى امواج پر تبصسره	۲.۷	
IAY	ب کن گیرهول مسین امالی برقی دیاو	r 2	
IAY	ے کی چوں میں انہاں ہوں ہے۔ ب کن کیچھوں کی مون کا گھومتے کیچھوں کے ب اتھ اصف فی رفت ار اور ان مسین پیپ داامالی برقی دباو	٠ ۲.۷	
1/19	ے کی چوں رمان رمان کو چوں ہے کہ طاقت کا روزان کا میں ہے۔ گھومتے کچھوں کی گھومتے مقت طلیعی دباو کی موج ہے ۔	۵۷	
19+	سویے پیون ن سویے ملک میں دباوی ہوتی ہے۔ گھ مزلچھوں کرمیہ اوی فینے ضی بر اکن کچھ	ω.Z Y.Z	

191	امال موٹر کامی اوی برقی دور	4.4	
197	مساوی برقی دور پرغور	۸.۷	
199	امالی موٹر کامپ اوی تھونن دوریاریاضی نمو پ نہوں۔	9.4	
r + 0	پنخب ره نمسالمالی موٹر	14.4	
r + 0	بے بوچھ موٹراور حبامد موٹر کے معیائٹ میں ہیں ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	11.4	
r + 0	۷.۱۱.۱ به بوجه موڑ کامعیائٹ		
r•∠	۲.۱۱.۷ حبامد موٹر کامعیائٹ		
۲۱۳	س <u></u> رومشین		۸
۲۱۳	میکانی سمت کار کی بنیادی کار کرد گی		
110	عیان است دون از در از		
119	يك ست جنسرينشر كابر قي د باو	۲.۸	
271	قُوِّت مسرورٌ		
777	بىيەرونى ئىيىبان اورخود ئىيىبان يك <sub>سى</sub> سىت جىنىرىيىشىر	۴.۸	
774	یک سمت مشین کی کار کرد گی کے خط	۵.۸	
777			
771	۲.۵.۸ رفت اربالقابل قوت مسرور ۴.۵.۸		
۲۳۵	_	ـرہنگ	ف

# دىيساحي

گزشتہ چند برسوں سے حسکومت پاکستان اعسانی تعسیم کی طسرون توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعسانی تعسیم اداروں مسیں تحقیق کارجمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ یہ سللہ حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعسانی تعسیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان مسیں ہی چھپت ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہر موضوع پر لاتعہ داد کتابیں پائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کر سکتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں ہم جو وطالب سے کی ایک بہت بڑی تعہداد بنیادی تعسیم اردو زبان مسیں حاصل کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون ، انگریزی زبان انخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آئی ہے۔ سے طلب وطالب سے فہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی مجسر پور خدمت کر ران کے سامنے آئی ہے۔ سے طلب وطالب سے کو اردو زبان مسیں نصاب کی انھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سکچ پر ان کے وہائی کوئی حناطہ خواہ کو صشر نہیں گی۔

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وجب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تھت۔ مسیس سے کا اوجود پچھ نے مسئل تھتا۔ آحسر کارایک دن مسیس نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب سے مسئل کاجواز بننانے سے انکار کر دیااور پول سے کتاب وجود مسیس آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حساص کرنے والے طلب وطباب سے لئے نہسایت آسان اردومسیں کھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب مسین استعمال تکنشے کی الفاظ بی استعمال کئے حبائی۔ جہاں ایسے الفاظ موجود سنہ تھے وہاں روز مسرہ مسین استعمال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنشے کی اصطباعات کی چنائی کے وقت اسس بات کادبان رکھا گیا کہ ان کا استعمال دیگر مف مسین مسین مجمی مسکن ہو۔

کتاب مسین بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظام تعلیم کی نفسانی کتاب پڑھنے والے تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائج ہیں۔ یوں اردو مسین کتھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کتھی کتاب پڑھنے والے طلب وطالب حساس کے وصاحتے کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

یے کتاب Ubuntu استعمال کرتے ہوئے XeLatex مسیں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نستعلق مسیں ککھی گئی ہے۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک دن حنالعت اردوزبان مسیں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعمال کی حبائے گی۔ اردوزبان مسیں السیٹریکل انجنیئرنگ کی مکسل نصاب کی طسر ف سے پہلا استدم ہے۔ اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار سش کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ صر زیادہ طلب وطب البات تک پہنچیانے

مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری برقب آئی پت khalidyousafzai@comsats.edu.pk

یر کریں۔مسیں ان کانہایت شکر گزار ہوں گا۔

مسین بہاں عبائشہ مناروق اور ان کے والد مناروق اعظم کا مشکریہ ادا کرناحپاہوں گا حب نہوں نے اسس کتاب کو بار بار پڑھ اور مجھے محب بور کرتے رہے کہ مسین اپنی اردو بہتر کروں۔ مسین ڈاکٹ نعمیان جعف ری کا نہیایہ مشکور ہوں حب نہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطباح کرنے مسین مدد کی۔ حسراحنان اور ان کی والدہ عسز رابرلاسس نے مسل کے کتاب کو درست کرنے مسین مدد کی۔ بہاں مسین اپنے شاگر دفیصل حنان کا بھی مشکریہ ادا کرناحپاہوں گا حب نہوں نے تکنیکی اصطباحات بینے مسین مدد کی۔

مسیں یہاں کامسیٹ یو نیور سٹی اور ہائز ایجو کیشن کمیشن کا سشکر سے ادا کرنا حپاہت اہوں جن کی وحب سے ایسی سسر گرمیاں ممسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 2011 كتوبر 2011

#### باب ا

# بنيادي حقائق

اسس کتاب مسیں مستعمل حت کق کواسس باب مسیں انتھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔ توقع کی حباتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توحب رکھنازیادہ آسان ہوگا۔

#### ا.ا بنيادي اکائيان

اسس تناب سیں پیریخ الا قوامی نظام اکافی استعال کی آگیا ہے جس میں کیت اکا کی کلوگرام ،لب کی کا کائی میٹراور وقت کی اکائی سیکنڈے۔

### ۱.۲ غيرستي

وہ متغیبہ جس کی مقتدار (مطلق قیمہ) اسس کو تکمسل طور پر بیان کرتی ہو غیر سمتی سمتی ہستغیبر کہا تا ہے۔ اسس کتاب میں غیب منتغیبر کو سادہ طسرز کی کلھائی مسین انگریزی یا لاطبینی زبان کے چھوٹے حسرون یعنی  $a,b,\alpha,\cdots$  کے طباح کساحیا گاری اور کو نا یا I سے ظباح کساحیا تا ہے۔ I کی مسئول کے مسال میں مسئول کے مساوت کا مسئول کے مساوت کا مسئول کے مساوت کا مسئول کے مساوت کا مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کے مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کر کے مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کے مسئول کی مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئول کے مسئول کی مسئول کی مسئول کی مسئول کے مسئ

#### سرا سمتيه

وہ متغیبر جس کو مکسل طور پر بسیان کرنے کے لئے اسس کی معتبدار (طول یا مطسلق قیمیہ) اور سمیہ حبانت ضروری ہو، سمتی منہ کہا تا ہے۔ سمتیہ کوانگریزی یالاطسینی زبان کے چھوٹے یابڑے حسر وف، جن کو موٹے طسرز کی کھیائی مسیں کھیا گ ہو، سے ظاہر کسیاحیائے گا، مشالاً قویہ کو **F** سے ظاہر کساحیائے گاریہاں ششکل اراسے رجوع کرنا بہتر ہو گار وہ سمتیہ

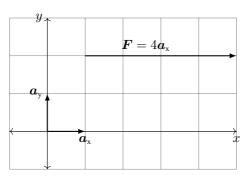
International System Of Units, SI

mass

scalar

vector

ا بنيادي حسائق



مشکل ۱: کارتیسی محید د

جس کاطول ایک کے برابر ہو، اگائی سمتیہ <sup>6</sup> ہسلائے گا۔ اس کتاب مسیں اکائی سمتیہ کو اگریزی زبان کے پہلے حسر نسک موٹے طسرز کی لکھنائی مسیں لکھنا حبائے گا، مشلاً اکائی سمتیہ موٹے عہد ہوری سمتیات کو ظاہر کرتے ہیں۔  $a_x$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ , a

#### ۳.۱ محدد

ایساط سریق جس کے ذریعہ کسی نقطہ کامت متعمین کسیا حساسکے محمد د کہا تاہے۔

حناء تین بعدی (تین طسرون) کی ایک نقط کے مقتام کو تین محدد کی مددسے ظاہر کسیاحبا سکتا ہے۔ ای طسرح حنااء مسیں سمتیہ کو تین عسودی اکائی سمتیوں کی مددسے کھیا حباسکتا ہے۔ اب ہم ایسے چند محدد کے نظام ویکھتے ہیں۔

#### ۱.۴.۱ کار تیسی محد دی نظام

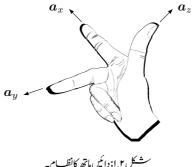
سشکل ا. امسیں حناہ کی دوسستوں کو اکائی سمتیات  $a_{\rm x}$  اور  $a_{\rm y}$  اور  $a_{\rm y}$ 

unit vector2

three dimensional

orthonormal vectors2

۴.۱.محسد د



مشكل ١.١: دائين ہاتھ كانظام۔

ہے۔ ان سعتوں کے رخ، طول (لمب ئیوں) کو x,y,z ہے ظہام کسیاحب تاہے۔ آیب ان سے بخولی واقف ہیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوٹھ، شہادے کی انگلی اور بڑی انگل کو ایک دوسرے کے ساتھ °90 زاوی پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $a_{\mathrm{x}}$  اور بڑی انگل  $a_{\mathrm{y}}$  کے رخ ہوں تب انگوٹ  $a_{\mathrm{z}}$  کے رخ ہوگا ہے کا نگل سمتیات کا ب نظام دائير ماتھ كا نظام "كهلاتاب-

مبداے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو شکل استمیں دکھایا گیا ہے جس کو **کارتبی**م محمدہ سمتیات کی مددسے

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

يا

$$(I.r) A = xa_x + ya_y + za_z$$

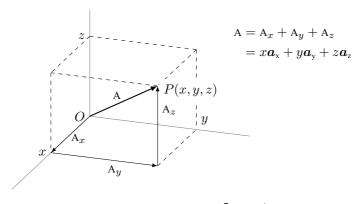
لکھاحباسکتاہے۔

. کار نیمی محبادی نظام مسیں متنصیر عصف ررکھتے ہوئے x,y تب دیل کرنے سے سطح xy ملتی ہے۔ یوں شکل ۳۰۱ میں P(2,4,3) کے کر، سطح xy کوزمین تصور کرتے ہوئے، ڈیے کی بالائی سطح یر z=3جب کہ کی قیت صف رتا تین اور یں کی قیمت صف رتاحیار ہو گی۔ اسس طے رح اسس ڈیے کی بالائی سطح درج ذیل لکھی حبائے گی۔

متغیبر z کو صف راور تین کے در میان ہر ممکن قیمت پر رکھ کر x کو صف راور دوجب کہ y کو صف راور حیار کے در میان تبدیل کرنے سے مشکل اسمسیں و کھائے گئے ڈیے کا حجب حسامسل ہو گا، لہندااسس ڈیے کا حجب درج ذیل لکھا حبائے

right handed coordinate system<sup>A</sup> cartesian coordinates

م بنيادي حتائق



مشكل ۱۰.۳ انكارتيسي محسد د نظام مسين ايك سمتيه ـ

-6

(۱.۲) 
$$\xi = \begin{cases} 0 < x < 2 \\ 0 < y < 4 \\ 0 < z < 3 \end{cases}$$

۱.۴.۲ نکلی محد دی نظام

مبداے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو مشکل ایم مسین دکھیایا گیا ہے جس کو دوسمتیات کی مدد ہے

(1,0) 
$$A=
ho+A_z$$

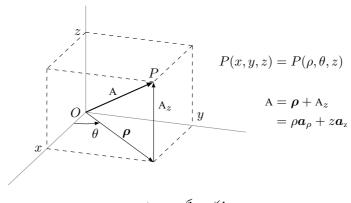
يا

(١.٢) 
$$A=
ho a_
ho+za_z$$
  $z=
ho\cos heta, \quad y=
ho\sin heta$   $y=\sin heta$ 

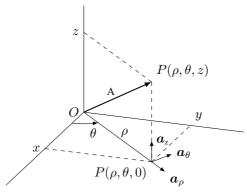
P(x,y,z) کو متغیبرات P(x,y,z) کو متغیبرات P(x,y,z) کو متغیبرات P(x,y,z) کو مدد سر P(x,y,z) کو متغیبرات P(x,y,z) متغیبرات P(x,y,z)

cylindrical coordinates1.

۳. محبد د



سشکل ۱۰: نگلی محب دی نظام

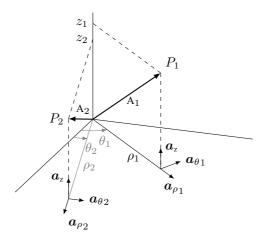


شکل۵.۱: نککی نمپ امپ د کی تعسریف

واضح رہے کہ نکلی محد دکے نظام مسین  $a_{
ho}$  اور  $a_{
ho}$  کی سمتین ہر نقطہ پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل ۲۰۱۱مسین د کھایا گیا

مستوی xy مسیں (یعنی z=0 کیتے ہوۓ) مبداپر مستقل رداسس  $\rho=\rho_0$  کے سمتیہ کو صف رزاوی پر رکھ کر زاوی ہتدرتے z=0 تک بڑھانے ہے سمتیہ کی چوچ مستوی z=0 مسیں ایک دائرہ پر حیاتی ہے (شکل ا۔۷)۔ اب اسس سمتیہ کے متغیب z=0 کی جسم کی گرنے ہے ، مشلا ہم کی محرد کہتے ہیں۔ سمتیہ کے سمتیہ کی سخت و سندوں متغیبرہ تبدیل کرنے ہے ایک گا جب ملے گا۔ اگل تین کرنے ہے اسس نظام کو تکلی محدد کہتے ہیں۔ سمتیہ کے تسینوں متغیبرہ تبدیل کرنے ہے تکمی کا حجب ملے گا۔ اگل تین

باب البنيادي حتائق



سنگل ۱. ۱: نگی محب د مسین اکائی سمتیات  $a_
ho$  اور  $a_ heta$  بر نقط پر مختلف ہیں۔

(1.2) 
$$\delta \dot{\beta} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ z = 0 \end{cases}$$
(1.A) 
$$\dot{\tilde{C}} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < z < z_0 \end{cases}$$

سطح پر کھٹڑ ااکائی سمتیر سطح کارخ دیت ہے (مشکل ۱۸)۔ چونکہ کسی بھی سطح کے دواطب رانب ہوتے ہیں المبیذ ااسس کے دوممن النب رخ بیان کیے حبا سکتے ہیں۔عب وماً مسئلہ کو مدر نظر رکھتے ہوئے ان مسیں سے ایک رخ کوسط کارخ تصور کیا حبا تاہے۔ البت بند سطح، مثلاً گیند، کے بیرونی رخ کو ہی سطح کارخ تصور کیا جباتا ہے۔ شکل ۸۱ مسیں بالائی سطح  $A_1$  کار قب  $A_1$ اوراسس کارخ  $a_7$  ہوگا:  $A_1$  سمتیہ کاطول  $A_1$  اور رخ  $a_7$  ہوگا: ۵.ا.سمتیرتب



شکل ۱.۱: نلکی محید د مسین دائره اور نلکی



$$\begin{aligned} \mathbf{A}_1 &= A_1 \mathbf{a}_{A1} = w l \mathbf{a}_z \\ \mathbf{A}_2 &= A_2 \mathbf{a}_{A2} = w h \mathbf{a}_y \end{aligned}$$

بال\_ا. بنسادي حقسائق

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_z$$

یوں بالائی سطح کا سستی رقب درج ذیل ہو گا۔

$$(1.14) A_1 = A_1 a_{A1} = w l a_z$$

 $-a_{A2}$ ای طسرح دائیں سطح  $A_2$  سمتیہ کاطول  $A_2$  اور اسس کارخ

 $A_2 = wh$ 

 $a_{A2} = a_{\scriptscriptstyle \mathrm{V}}$ 

لہلنڈا درج ذیل ہو گا۔

$$\mathbf{A_2} = A_2 \mathbf{a_{A1}} = wh\mathbf{a_y}$$

نحپ کی سطح کار قب $A_3=wl$  اور اسس کار خa کے مختالف ہے لہندا درج ذیل ہوگا۔

$$(1.17) A_3 = A_3 a_{A3} = wl(-a_z) = -wla_z$$

دھیان رہے کہ رقب کی مقیدار ہر صورت مثبت ہو گیالبت اسس کارخ مثبت یا منفی ہوسکتا ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتیہ کے لئے درست ہے المبیذا کسی بھی سمتیہ کاطول ہر صورت مثبت ہی ہو گاجب کیہ اسس کارخ مثبت یا منفی ہو سکتا ہے۔

#### ۲.۱ رقب عبودی تراثس

سلاخ کی لمب اُن کے ساتھ زاوی سائے پر کٹائی کو عمودی تراثی اسکتے ہیں اور عصودی تراش کے رقب کورقبر عمودی تراثیر "کتے ہیں۔ شکل ا ومیں سلاخ کی لمبائی aرخ ہے اور رقب عبودی تراث کی معتدار کے A

$$A = wh$$

لہندارقب عبمودی تراسش کارخ، ہوگا:

$$a_A=a_{_{\mathrm{V}}}$$

شکل ا. ۹ مسیں اکائی سمتیا ہے ،  $a_v$  اور یہ دکھائے گئے ہیں جن کے ابت دائی نقب طریر گول دائرہ مسیں بندایک نقطہ دکھایا گیا ہے۔ گول دائرہ مسین بند نقطہ صفحہ کے عصودی (کتاب سے باہر)ر $a_{\mathrm{x}}$  ظاہر کر تاہے جس کے مخالف رخ ت سے ہو تھا ہیں۔ (صفحہ کے عبود کی اندر) کو گول دائرہ مسیں بت د صلیہ کی نشان سے ظہر کسا جسائے گا۔

cross section"

cross sectional area"



#### مشكل ۱:رقب عب مودي ترامش

## برقی اور مقت طیسی میدان

ا. ٤٠١ برقى مىيدان اور برقى مىيدان كى شدى

کولم ہے کے قانون سے تحت برقی بار سے لدے جسوں کے درمیان قوت کشش ہایا توت دفع ان ان اجسام پر بار کا کے حساس طرب کے راست مستناب اور باہمی من اصلہ کے مسر بح کے بالعکس مستناب ہوتی ہے۔ یوں بار  $q_1$  اور  $q_2$  جن کے درمیان مناصلہ q ہو کے گاتوت  $q_2$  درج ذیل ہوگا جباں  $q_3$  شابر قی مستقل ہے۔

(1.12) 
$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

ایک برقی بارے مت ریب دوسرابر قی بارلانے سے (پہلے اور) دوسرے برقی بار پر کشش یاد فع کی قوت عمسل کرے گی جس کا تعین مت نون کو لیب ہے ہو تا ہے۔ دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بارسے آہتہ آہتہ دور کرنے سے قوت کشش یاد فع بت مدرج کم ہوتی ہے جو ایک حناص من صلے کے بعد تقسریب صف مرہ وجب تا ہے۔ اور دوسرابار پہلے بارکے طق اثرے باہر ہوجب تا ہے۔ برقی میدان کی ایک باریا متعدد باروں کی وجب سے ہوسکتا ہے۔ تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب سے ب

برقی میدان مسیں اکائی مثبت بار پر توت اس معتام پر **برقی میدان کی شدت**  $E^{(1)}$  کی مط<sup>ا</sup>ق قیمت ) دیگاجب اکائی بار پر توت کارخ برقی میدان کارخ برقی میدان کی شدت کی اکائی وولٹ فی میٹر  $E^{(1)}$  ہے۔

Coulomb's law "

electric charge<sup>ir</sup> attractive force<sup>ia</sup>

repulsive force

charge<sup>12</sup>

electric constant, electric permittivity

electric field intensity 19

 $V/m^{r}$ 

١٠ بنيادي حتائق

Q وتانون کولب (مساوات ا.۱۵) ہے Q بار کے برقی میدان کی شدت کی مطابق تی ۔۔ حساس کرتے ہیں۔بار Q اور اکا کی بار (ایک کولب بار) کے گا تو ہے۔ کشش یا تو ہے۔ دفع

(1.14) 
$$F = \frac{Q \times 1}{4\pi \epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi \epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شد ہے کی مطلق قیمہ ہو گی:

(1.14) 
$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

دوباروں کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کارخ ان کے در میان کھینچی گئی سید ھی لکے ریر ہوگا۔

1.4.۲ مقناطیسی میدان اور مقن طیسی میدان کی شد س

مقناطیری میدان اور مقناطیری میدان کی شدها است رتیب بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شده کی طسر ترین به تعسی است کا تعسی میدان کے مقت طیس کے اور گردوہ علق ہے جس مسین اسس کا مقت طیسی اثر محموس کے حیاتا ہو۔

۱.۸ سطی اور حجمی کثافت

۱.۸.۱ سطی کثافت

اکائی رقب کی سطح پر کسی چینز کی کل مت دار کو اسس چینز کی سطح پر ک**ٹا فت**  $^{"}$  کہتے ہیں۔ یوں رقب A پر کسی چینز کی کل مت دار  $\phi$  ہونے کی صورت میں اسس کی اوسط سطحی کثافت  $e_{12}$  ورخ ذیل ہوگی۔

$$(1.1A) B_{b \cdot j} = \frac{\phi}{A}$$

اسس مساوات سے

$$\phi = B_{\rm left} A$$

کھے جب سکتا ہے جو کسی سطح پر ایک متخصیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہونے کی صورت مسیں سطح پر متخصیرہ کی کل مقد دار دی ہے۔

magnetic field intensity

surface density"

٩.١. حجمي کثافت

عنب یک ال متغیب رہ کی صورت مسیں سطحی کثافت جگہ جگاہ مختلف ہو گی۔ایکی صورت مسیں اتنے تچھوٹے رقبے پر ، جس مسیں متغیبر ہ کو یک ان تصور کسیا حب اسکتا ہو، سطحی کثافت

$$B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

ہو گی جہاں  $\Delta A$  چھوٹار قب اور  $\Phi$  اسس رقبے پر متغب رہ کی چھوٹی مقسد ارہے۔ اسس چھوٹے رقب کو نقط مانٹ دکرنے سے نقطی ثناف سے انقطی ثناف سے

(I.TI) 
$$B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

حاصل ہو گی جس کو

$$d\phi = B \, dA$$

بھی کھے حب سکتا ہے۔ یوں نقطی کثافت حب نتے ہوئے ایک نقطہ کے چھوٹے رقب پر متغیبرہ کی کل (چھوٹی)مت دار معلوم کی حب سکتی ہے۔

. یوں ایک برقی تارجس کارقب عب ودی تراسش A اور جس مسین برقی رو I کی اوسط کثافت برقی رو درج ذیل ہو گی۔

(I.rr) 
$$\rho_{\text{lost}} = \frac{I}{A}$$

#### ۱.۹ محجمی کثافت

اکائی تحب مسین کسی چینز کی کل مت دار کواسس چینز کی مجمور کی فق کہتے ہیں۔ یوں اگر کسی چینز کا تحب H اور اسس کی کمیت m ہوتی اسس کی اور اسس کی کمیت m

(i.tr) 
$$\rho_{{\scriptscriptstyle \mathbb{L}},{\scriptscriptstyle \parallel}} = \frac{m}{H}$$

غیسر یکساں کیت کی صورت مسیں حجب مسیں مختلف معتامات پر کیت مختلف ہوگا۔ ایک صورت مسیں اتنا چھوٹا حجب کسیتے ہوئے جس مسیں کیت کو یکساں تصور کسیاحباسکتا ہو، حجمی کثافت درج ذیل ہوگا۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta H}$$

اسس چھوٹے حجب کو نقطہ مانٹ رہنانے سے درج ذیل نقطی محجی کثافت کھی حب سکتی ہے۔

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}H}$$

يوں

$$\mathrm{d}m=\rho\,\mathrm{d}H$$

ہو گالہٰذانقطی حجی کثافت حبانتے ہوئے ایک چھوٹے حجہ کی (چھوٹی) کیت سامسل کی حباستی ہے۔

الله البنادي حتائق

#### ١.١٠ صليبي ضرب اور ضرب نقط

دو غیسر سمتی متغیسرات کا حساصل ضرب عنیسر سمتی متغیسر ہوتا ہے جبکہ دو سمتیات کا حساصل ضرب سمتی یا عنیسر سمتی ہوتا ہے۔ حساس کا در سامتی اللہ عنیسر سمتی ہو سکتا ہے۔ ان دواقب کے ضرب پر ہیساں غور کیا حیائے گا۔

ا.۱۰.۱ صليبي ضرب

دو سمتی متغییرات کاایسا ضرب جو سمتی متغییر دیت ابو صلیبی صرب ۲۴ کہا تااور درج ذیل کھے حباتا ہے۔

(I,TA) 
$$oldsymbol{C} = oldsymbol{A} imes oldsymbol{B}$$

صلیبی ضرب مسیں ضرب کے نشان کو صلیب کی عسلامت سے ظلام کیا حباتا ہے جس کی بنااسس کو صلیبی ضرب کتے ہیں۔ C کی متدار

(1.79) 
$$C = |\pmb{C}| = |\pmb{A}||\pmb{B}|\sin\theta_{AB}$$
 
$$= AB\sin\theta_{AB}$$

ہے۔ جہاں  $\theta_{AB}$  ان کے مابین زاویہ ہے۔ اسس ساصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کے متانون سے حساصل کی حباتی ہے۔ یوں دائیں ہاتھ کا آگو ہے۔ ایوں دائیں ہاتھ کا آگو ہے۔ انگل کو ایک دو سرے کے ساتھ  $90^\circ$  زاویہ پررکھتے ہوئے، شہادت کی انگل کو سمتیہ A اور بڑی انگل کو B کے رخ رکھنے ہے انگو ہے کا کارخ دیگا۔ مشال اور بڑی انگل کو مسلم ہی حساصل کریں۔

- $oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Y}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}}$
- $oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} im$

حسل:اسس مثال مسیں سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کاطول ایک کے برابر ہو تاہے المبنذ ادرج ذیل ہوں گے۔

- $oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = oldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$  •
- ${m a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{y}} imes {m a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90{m a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{x}} = {m a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{x}}$  .
- $oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} = (1)(1)\sin 90 oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$  .
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$  .
- $oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90(-oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) = -oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$  .

cross product

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{z} = \boldsymbol{a}_{z}$$

$$\boldsymbol{a}_{z} \times \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1) \sin 90 \boldsymbol{a}_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta}$$
.

مثال ۱۰: سنگل ۱۰: سشکل ۱۰: سین حیار نیوٹن کی قوت F محورے تین میٹر کی سمتی مناصلہ L پر لاگو ہے جس کی تفصیل سنگل مسین دی گئی ہے۔ اسس قوت کی قوت مسروڑ حیاصل کریں۔ حسل: قوت مسروڑ T کی تعسریف درج ذیل ہے۔

(1,5%) 
$$T = L imes F$$

كارتيسى نظام مسين ب ستى مناصله

$$(1.71) L = L \sin \theta a_{x} - L \cos \theta a_{y}$$

ہو گالہلنڈا

$$\begin{aligned} \boldsymbol{T} &= \left(L\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} - L\cos\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}\right) \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \\ &= L\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} - L\cos\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \\ &= LF\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} \end{aligned}$$

يوگاجيان پچين مثال کي مدرے يوں درج زيل ہوگام $m{a}_{
m x} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$  اور  $m{a}_{
m y} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$  اور  $m{a}_{
m y} imes m{a}_{
m z} = 12 \sin heta m{a}_{
m z}$  . N m

 $\sin lpha = \sin(180^\circ - lpha)$  اسس مثال مسین  $heta = 180^\circ - heta$  به خانه کسی جھی زاو سے lpha کے لئے lpha و تا ہے لہاند اسس قوت مسروڑ کو درج ذیل بھی کھے اسب سکتا ہے۔

$$T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{z}$$
$$= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{z}$$

یمی جواب ضرب صلیبی کی تعسریف یعنی مساوات ۱-۱۳۹ ور دائیں ہاتھ کے متانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حساصل ہوتا ہے۔

۱.۱۰.۲ نقطی ضر \_\_\_

دوستی متغیبرات کاایساحساسل ضرب جو غیبرستی متغیبر ہو فقط ضرب ۴۴ کہا تا ہے جو درج ذیل کھساحباتا ہے۔

(I,rr) 
$$C = A \cdot B$$

dot product "

ابنادي حت أق



مشكل ١٠.١: كارتيسى نظام مسين قوي مسرورٌ كاحسل

نقطی ضرب مسیں ضرب کے نشان کو نقط۔ کی عسلامت سے ظاہر کیا حباتا ہے جس کی بن پر اسس کا نام نقطی ضرب ہے۔ نقطی ضرب کی منت دار درج ذیل ہو گی

(I.TT) 
$$egin{aligned} oldsymbol{C} &= oldsymbol{A} \cdot oldsymbol{B} \ &= |oldsymbol{A}||oldsymbol{B}|\cos heta_{AB} \ &= AB\cos heta_{AB} \end{aligned}$$

AB ان سمتیات کے 3 زاوی ہے۔ مثال B مثال B مثال B مثال B مثال B مثال B

$$oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \quad oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \quad oldsymbol{a}_{\mathrm{z}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 .

$$oldsymbol{a}_{ ext{x}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{y}}\quadoldsymbol{a}_{ ext{y}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{z}}\quadoldsymbol{a}_{ ext{o}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{o}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{o}}\quadoldsymbol{a}_{ ext{o}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{o}}$$

حسل:اسس مثال مسین سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کاطول ایک (1) کے برابر ہو تاہے:

$$a_{x} \cdot a_{x} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{v} \cdot a_{v} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_z \cdot a_z = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

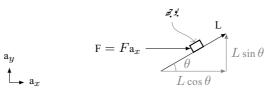
$$a_{x} \cdot a_{y} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$\mathbf{a}_{\rm v} \cdot \mathbf{a}_{\rm z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
.

$$a_{\rho} \cdot a_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{\rho} \cdot a_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
.

مشال ۱۰.۱: سشکل ۱۱۱ مسیں توت F ایک بوجھ کو دھکیل رہی ہے۔ سمتی مناصلہ L ہے کرنے پر توت کتناکام کر پر ہوگی۔ پہوگی۔



مشكل ال. ا: كارتيسي نظام مسين كام

W کی تعسر یفیدر درج ذیل ہے۔ W

$$(1.77) W = F \cdot L$$

كارتيسى نظام مسين سستى مناصبابه

(1.5%) 
$$oldsymbol{L} = L\cos heta oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + L\sin heta oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$$

ہو گا۔ یوں درج ذیل ہو گا

$$\begin{split} W &= (F \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) \cdot (L \cos \theta \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + L \sin \theta \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) \\ &= F L \cos \theta (\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) + F L \sin \theta (\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) \\ &= F L \cos \theta \end{split}$$

 $a_{\mathrm{x}} \cdot a_{\mathrm{y}} = 0$  جہاں پچھیلی مثال کی مدوے  $a_{\mathrm{x}} \cdot a_{\mathrm{x}} = 0$  اور  $a_{\mathrm{x}} \cdot a_{\mathrm{y}} = 0$  اور  $a_{\mathrm{x}} \cdot a_{\mathrm{y}} = 0$  جہاں پچھیلی مثال کی مدوے  $a_{\mathrm{x}} \cdot a_{\mathrm{y}} = 0$  اور  $a_{\mathrm{x}} \cdot a_{\mathrm{y}} =$ 

اا.ا تفسرق اور حبزوی تفسرق

مساوات ایک مسین ایک تف عسل کا تفرق  $^{a_1}$  دیا گیا ہے، جس مسین  $B_0$  ایک مستقل ہے، جب کہ مساوات ایک سین  $B_0$  ایک تفاقت کا گروو کے تفرق  $^{a_1}$  دیا گیا ہے۔

(1.172) 
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta \\ \frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x}\,\mathrm{d}x + \frac{\partial W}{\partial \lambda}\,\mathrm{d}\lambda$$

differentiation ra

ابنيادي حسائق

۱.۱۱ خطی تکمل

 $B(\theta)$  موج  $B(\theta)$  موج  $B(\theta)$  موج کت میں ایک تف عسل  $B(\theta)$  دیا گیا ہے جے شکل ایک اسٹیں دکھیایا گیا ہے۔ اسس کا طولِ موج کت  $2\pi$ 

$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

 $-\pi/2< heta$  ہیں۔  $\pi/2< heta$  کی اوسط قیمت تلاشش کرتے ہیں۔

$$B_{\rm log} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

ای طب رح ہم $B^2$  کی اوسط تلاکش کرتے ہیں۔ $\pi/2 < heta < \pi/2$  کی اوسط تلاکش کرتے ہیں۔

$$\begin{split} B_{\mbox{\tiny{$L$-$}},\mbox{\tiny{$I$}}}^2 &= \frac{B_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^2\theta \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{B_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{B_0^2}{2} \end{split}$$

تق عسل کے مسر تع کی اوسط کا حبذر نہایت اہم قیمت ہے جو تف عسل کی موثر  $^{17}$  قیمت کہاتی ہے اور جے ہوڑ B کھسا تھے۔ حب تا ہے۔

(1.77) 
$$B_{\dot{r}r} = \sqrt{B_{\mathbf{k}r^{\dagger}}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

ے ایک بہت اہم نتیب ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا حیاہے۔ یہ مساوات ہر سائن نمسا تفاعسل کے لئے درست ہے۔ کی بھی متنصیرہ کے مسرع کی اوسط کاحبذراس متنعیسرہ کی موثر ۲۹ قیمت کہااتی ہے۔

# ۱.۱۳ سطحی تکمل

wavelength<sup>r2</sup>

rms, root mean square

effective rq

۱۲.۱۰ سطى تكمل





شکل ۱۳. ا: نککی کی بسیرونی سطح پر متغیب ره کا تکمل کل مقت دار دے گی۔

ابنيادي حتائق



شکل ۱۰: دوری سمتیه

$$\begin{split} \phi &= \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \mathrm{d}\phi = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} (B_0 \cos \theta) (\rho l \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = 2 B_0 l \rho \end{split}$$

ساوات ا $\pi$ سین نچلات  $(-\pi/2-\alpha)$ اور بالانی کات  $(\pi/2-\alpha)$  کینے سے درج ذیل حاصل ہوگا۔

$$\phi(\alpha)=B_0l\rho\int_{-\frac{\pi}{2}-\alpha}^{\frac{\pi}{2}-\alpha}\cos\theta\,\mathrm{d}\theta=2B_0l\rho\cos\alpha$$

نگل کے ہیں دونی نصف سطح پر  $\phi(\alpha)$  کی عصوی قیت مساوات است ہو بی جو  $\alpha$  پر مخصص ہو ہا ہے۔ ایک بہت اہم مساوات است ہو تا ہے۔ مساوات است ہو تا ہے۔

۱.۱۶ دوری سمتسه

$$^{r.}$$
 این نمی اموان جن کی تعب در معین ہو کو دوری سمتیہ سے ظبیر کرنامفید ثابت ہو تا ہے۔ میں اور سے لولر معنی میں نمی نمی معین ہو کا جن معین ہو کی کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن کا جن معین ہو کا جن کے کا جن معین ہو کا جن کے کا جن کی کے کا جن کے کا جن کے

کی مد د سے کو سائن موج درج ذیل لکھی حب سستی ہے۔

(1.77) 
$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left( e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

Euler's equation ".

۱۹ دوری سمتیه

اسس ہے ثابت ہوتا ہے کہ کوب ئن موج دراصس کا دو محضوط اعبداد کا محببوع ہے۔ مساوات یولر ایک محضوط عبد د کو ظلیم کرتا ہے جس کے دو حب زوبیں۔ اسس کا ایک حب زو حقیقی عبد د ہے اور اسس کا دو سراحب زوبین عبد د کو ظلیم کرتا ہے۔ السیما ایک محضوط میں موج کو طلیم کرتا ہے۔ السیما ایک کوب اُن موج کو کو طلیم کرتا ہے۔ السیما ایک کوب اُن موج کو کو خصر آ  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  کا حقیقی حب زوبو تا ہے۔ رسمی طور پر سائن نمسامواج کو  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  کے ظلیم کمیاحباتا ہے جس کو مختصر آ  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  کا مصاحب تا ہے جو دور کو سمتھ انکہا تا ہے۔ دوری سمتھ کا طول  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  کی ساتھ زاویہ ہے۔ دوری سمتھ استعمال کرتے وقت آ ہے کو بیت زبین مسین رکھنا ہوگا کہ بید در حقیقت ایک کوب ئن موج ہے جس کا حیل موج کے مناصلہ کو اور اویا کی تعبد در سے۔ حیل موج کے مناصلہ کو اور اویا کی تعبد در سے۔

اسس کتاب مسیں دوری سمتیات کو سیادہ طسر زلکھیائی مسیں انگریزی کے بڑے حسرون جن پر ٹوپی کانشان ہوسے ظلم کسیاحیائے گا، یعنی  $\hat{I}$  ,  $\hat{V}$  وغیبرہ اور ان کے طول کو بغیبر ٹوپی کے نشان کے ای حسر نسب سے ظلم کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول کو درج زیل درست ہوگا۔

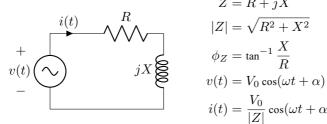
$$v=20\cos\left(\omega t+\frac{\pi}{3}\right)$$
 
$$\hat{V}=20e^{j\frac{\pi}{3}}$$
 
$$\hat{V}=20/\frac{\pi}{3}$$
 
$$V=20$$

phasor leading angle relagging angle phase difference power factor beautiful phase difference relations and the second power factor relations and the second part of the second part of

power factor angle

lagging power factor leading power factor

باب البنسادي حتسائق



$$Z = R + jX$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\phi_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i(t) = \frac{V_0}{|Z|} \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$= I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

-1دور کاحسار کا مدد سے RL دور کاحسار کے مدد سے RL

آئیں دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے ایک سادہ برقی دور حسل کرتے ہیں۔ یوں دوری سمتیات سے وابستگی پیدا ہوگی اور ان کا استعال بھی سیکھ لیں گے۔ شکل ا ۔ ۱۵ ایک سادہ R - L پکے دور کی ۲۹ برقی دور ہے جس پر درج ذیل دباولا گو کسیا حب تا ہے۔

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
 
$$\hat{V} = V_0 / \alpha$$

دوری سمتیات کی استعال سے ہم برقی رو  $\hat{I}$  معسلوم کرتے ہیں

$$\begin{split} \hat{I} &= \frac{\hat{V}}{R+jX} = \frac{V_0 \underline{/\alpha}}{|Z| \underline{/\phi_Z}} \\ &= \frac{V_0}{|Z|} \underline{/\alpha - \phi_Z} = I_0 \underline{/\alpha - \phi_Z} \end{split}$$

جبان  $I_0=rac{V_0}{|Z|}$  بین برقی رودرج ذیل ہوگا۔ جبان  $\phi_Z= an^{-1}rac{X}{B}$ 

(1.4.) 
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

-اس دور مسین ما خیر کھے زاویہ ہر  $\phi$  کے برابر ہے۔

#### ٢\_\_

# مقن طیسی ادوار

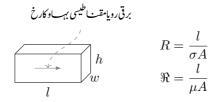
# ۲.۱ مسزاحمت اور چکچیاهٹ

شكل ٢. امسين ايك سال فركساني كلي عب جس كي لسباني كررخ مزاحمك

$$(\mathbf{r}_{.}\mathbf{l})$$
 
$$R = \frac{l}{\sigma A}$$

 $\mu$ ری جہاں  $\sigma$  موصلیتے 'اور M = wh اور A = wh متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ سے متقاطیہ متقاطیہ سے متقاطیہ متعاطیہ متعا

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$



شکل ۲: مسزاحمت اور نککپاہٹ

resistance conductivity reluctance

permeability, magnetic constant

۲۲ مقت طبیسی ادوار

مقت طیسی مستقل 
$$\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,\mathrm{H\,m^{-1}}$$
 مقت طیسی مستقل  $\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,\mathrm{H\,m^{-1}}$  مقت طیسی مستقل  $\mu=\mu_r\mu_0$ 

جباں  $\mu_r$  جب کی وضاحت جبالہ کی حب نے گا۔ جب جب کی اکائی ایم پیٹر و چکر فی و بیر ہے جس کی وضاحت جبالہ کی حب نے گا۔  $h=3~\mathrm{cm}\cdot l=10~\mathrm{cm}\cdot \mu_r=2000$  جب نال اللہ بین مصلوم کریں جب اللہ کی تکھی ہوئے کہ نال خل کی تکھی ہوئے ہوئے مصلوم کریں جب اللہ کی تکھی اور  $w=2.5~\mathrm{cm}$  اور  $w=2.5~\mathrm{cm}$  بین ہوئے کہ نال کی تکھی ہوئے کہ مسلم کی تکھیل مسلم کی تکھیل میں مسلم کی تکھیل میں مسلم کی تکھیل میں جب کی تکھیل مسلم کی تکھیل میں کہ تکھیل مسلم کی تکھیل مسلم کی تکھیل مسلم کی تکھیل مسلم کی تکھیل میں تکھیل مسلم کی تکھیل میں تکھیل میں

$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,052\,\mathrm{A} \cdot \mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

#### ۲.۲ کثافت برقی رواور برقی میدان کی شد ت

v الگوکیا v الگوکیا v الگوکیا v الگوکیا کا بازن میں برقی روv الگوکیا کے سرول پر برقی دواوہ م کے متانون میں برقی دواوہ دواوہ میں برقی دواوہ دو

$$i = \frac{v}{R}$$

درج بالامساوات كومساوات ١٠٢ كى مددس

$$i=v\left(rac{\sigma A}{l}
ight)$$

لعيني

$$rac{i}{A}=\sigma\left(rac{v}{l}
ight)$$

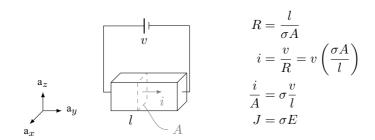
يا

$$J = \sigma E$$

\_\_\_\_\_

Ohm's law

۲۳. برقی ادوار



شكل۲.۲ كثافى برقى رواور برقى دباوكى شد \_\_\_

کو احب سکتا ہے جہاں J اور E کی تعسر یون سے درج ذیل ہیں۔

(r,A) 
$$J = \frac{i}{A}$$
 (r,9) 
$$E = \frac{v}{A}$$

$$(r.9) E = \frac{v}{l}$$

سنگل ۲.۲ مسیں سمتیہ J کی مطاق قیمت J اور سمتیہ E کی مطاق قیمت E کی مطاق تیمت E کو درج ذیل کھا جب اسکتا ہے

$$J = \sigma E$$

جو ت انون او ہم کی دو سے ری روپ ہے۔ J اور E دو نوں کارخ ہم ہے۔ A ہو ت انون او ہم کی دو سے ری روپ ہے۔ J اور E دو نوں کارخ ہم ہے۔ A ہے سندا میں اور E سے الم ہم کے کہ برقی رو E ہو تاہم ہے کہ برقی رو E ہو گارتا ہے المبندا میں اور E ہو گرمیدانی ہو تھے۔ برقی رو 'ہوگا۔ ای طسرح میں اوات عبی میں ہو تھے ہو اس میں گھی دیا تھ میں ہو تھے۔ بار جہاں متن ہے مقت طیبی میں ہو ان میں میں ہو تھے۔ بار جہاں متن ہے مقت طیبی میں ہو تھے۔ ان واضح ہو ) مختصر آمیدانی شدھے کتے ہیں۔ مالکول ای طسرح کی میں اواتیں مقت طیبی متنف رات کے لئے جس ۵٫۲ میں گھی جبائیں گ

#### ۲.۳ برقی ادوار

 $\sigma=5.9 imes10^7\,\mathrm{S\,m^{-1}}$  برقی دور مسین برقی دباو $^{9}v^{9}$ ی وجہ سے برقی رو $^{1}i^{1}$  پیدا ہوتا ہے۔ تانبا کا کو صلیت کی مت دار بہت بڑی ہونے کی بن اسس سے بنی مت دار بہت بڑی ہونے کی بن اسس سے بنی

current density

electric field intensity2

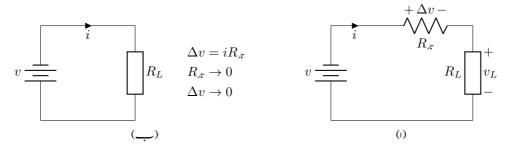
electric voltage<sup>A</sup>

<sup>9</sup> برقی د باوکی اکائی وولئے ہے جو اٹلی کے البانڈرووولٹ اکے نام ہے حب نہوں نے برقی ہیٹری ایجباد کی۔

electric current

<sup>&</sup>quot;برقی دو کا کائی آیمپیئر ہے جو منسر انسس کے انڈر میسر آئمپیئر کے نام ہے جن کابرتی ومقت طبیحی مسیدان مسین اہم کر دار ہے۔ "copper"

۲۴ مقت طبیسی ادوار



#### شکل ۲.۳٪ برقی ادوار مسین برقی تارکی مسزاحت کونظ سرانداز کسیاحباسکتاہے۔

 $\Delta v = 1$ تاری مسزا جست  $R_{\rm Jr} = 1$  تاری مسزا جست و با نظر انداز ہوگی۔ تار مسیں برقی روز گزرنے سے تاریح سروں کے نیج برقی دباوے کی برقی دباوے کی تار مسیں برقی دباوے کی گھٹا و کورد کی جب مسئل ہے۔ یوں تانبے کی تار مسیں برقی دباوے کی گھٹا و کورد کی جب مسئل ہے۔ یعن ہم  $\Delta v \to 0$  کے سکتے ہیں۔

سشکل ۴ سالف مسین ایک ایسا ہی برقی دور د کھایا گیاہے جس مسین تانے کی تار کی مسزاح سے کو انتظم کر کے ایک ہی جگٹ تا R د کھایا گیاہے۔اسس دور کے لئے درج ذیل کھیا حیاسکتا ہے۔

$$(r, l)$$
  $v = \Delta v + v_L$ 

 $\Delta v$ تارمیں برقی گھٹاو $\Delta v$ نظے رانداز کرتے ہوئے

$$(\mathbf{r}.\mathbf{ir})$$
  $v = v_L$ 

شکل ۳.۲ مسیں دوسے مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برقی رواسس راہ زیادہ ہو گا جسس کی مسزاحت کم ہو۔ یو لیا  $R_1 < R_2$  میں ورت مسین  $R_1 < R_2$ 

### ۲.۴ مقن طیسی دور حصبه اول

مقت طیسی ادوار بالکل برتی ادوار کی طسرح ہوتے ہیں۔ بس ان مسین برتی دباو v کی جگہ مقتاطیسی ہوتی روز کی جگہ مقتاطیسی مقتاطیسی ہوگیا ہے۔ ''  $\Re$ پائے حباتے ہیں۔ یوں بالکل برتی ادوار کی طسرح مقت طیسی ادوار

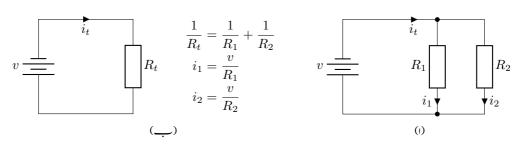
<sup>&</sup>quot;امسنزاحمہ ہے کیا اکائی او ہم ہے جو حب رمنی کے حب ارج سائمین او ہم کے نام ہے حب نبوں نے ت نونِ او ہم دریافت کسا۔ پیر

gnetomotive force, mini

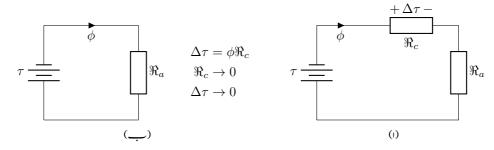
Hux

reluctance"

۲۸. مقت طیسی دور حصیه اول



#### شکل ۲.۴ کم مسزا حمستی راه مسین برقی رو کی مقب دار زیاده هو گی۔



شکل ۲.۵:مقن طیسی دور

بنائے حبا سے ہیں۔ ایسا ایک مقن طبی دور سشکل ۲۰۰ الف مسین دکھیایا گیا ہے۔ یہاں بھی کو مشن یک ہے کہ مقن طبی راہ کی کہ مقن طبی یہ ہوں کہ مقن طبی راہ کی جم مقن طبی دباو  $\tau$  بغیب ہے۔  $\Re_a$  اور مقن طبی راہ کی جم مقن طبی یہ ہوگا ہے۔ جا یوں  $\Re_c$  وتبالی نظر انداز ہونے کی صورت مسین شکل ۵۰۲ ہے۔ یوں  $\Re_c$  وتبالی نظر انداز ہونے کی صورت مسین شکل ۲۰۰ ہوگا۔ مسین ہوگا۔ مقن طبی بہاوہ بالکل اوہم کے وت انون کی طب رہ، درج ذیل مساوات سے حساس ہوگا۔

$$au = \phi \Re_a$$

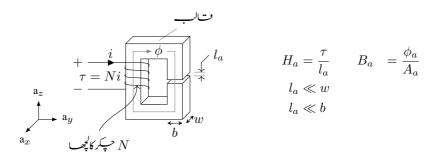
 $\Re_s$  جہاں  $\Re_c$  و تابل نظر رانداز ہو وہاں، سلملہ وار مسزاحمستوں کی طسر ت، دو سلملہ وار بھچکپاہٹوں کا محبسو تی بھچپ ہے  $\Re_c$  استغال کر کے برقی ہیسا و حب صسل ہوگا۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

$$au = \phi \Re_s$$

برقی دورکی طسرح، مقت طیسی دباو کو کم پنجک پاہٹ کی راہ استعال کرتے ہوئے معتام ضرورت تک پہنج پا حباتا ہے۔ مصاوات ۲۰۲ کے تحت پنجک پاہٹ کی قیمت مقت طیسی مستقل کی اکائی بینری فی مسیر مستقل کی اکائی بینری فی مسیر کے برابر ہے اور بہا کو جزو و  $\mu_r$  کا مصاحب تا ہے جہاں  $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$  بینری فی مسیر کے برابر ہے اور بہا کو جزو

۲۷ مقت طبیسی ادوار



شکل ۲.۶: کثافت مقت طیسی بهاواور مقت طیسی میدان کی شد ۔۔

متناطیسی مستقال  $\mu$  کتے ہیں۔ لوہا، کچھ دھ تیں اور چند حب میں موتوی مواد این ہیں جن کی  $\mu$  کی قیت 2000 اور 80 کے گھائی کے حب ق ہیں۔ معتام سے دو سسری معتام منتقل کرنے کے لئے ان بی مقت طیبی مواد کو استعال کیا حب تاب معتام ہوتی ہے کہ ان سے بنی سلاخ کی پیکچپ ہے ہو موقع پر متابل معتام مقت طیبی مواد کے  $\mu$  کی قیت اتنی زیادہ نہیں ہوتی ہے کہ ان سے بنی سلاخ کی پیکچپ ہے ہم موقع پر متابل نظر راند از ہو۔ مساوات  $\mu$  کے تحت پیکھپ ہے کہ کرنے کی حن طسر رقب عصود کی تراسش کو زیادہ وے زیادہ اور لہبانی کو کم سے کم کرنا ہوگا۔ یوں مقت طیبی د باو منتقبل کرنے کے لئے باریک تار نہیں بلکہ حن اصار زیادہ رقب عصود کی تراسش کا مقت طیبی راست در کار ہوتا ہے۔

مقت طیسی مضین، مضلاً موٹر اور ٹرانسفار مسر، کا بیٹ شرحصہ مقت طیسی دباو منتقت لکرنے والے ان مقت طیسی مواد پر مشتل موتا ہے۔ ایے مشینوں کے قلب مسین عصوماً یمی مقت طیسی ماده پایا جباتا ہے لہذا ایسا مواد مقتاطیسی قالب ۱۸ ہے۔ اسلاتا ہے۔ (شکل ۲۰۱۰)۔

برقی مشینوں مسین مستعمل مقت طیسی مت الب لوہ کی باریک حیادریا پہت ری الاتہا۔ در تہد رکھ کر بنایا حباتا ہے۔ طیسی وت الب کے بارے مسین مسترہم کی جب گی۔

## ۲.۵ کثافت مقن طیسی بہاواور مقن طیسی میدان کی شد ہے

ھے۔ ۲.۲ مسیں برقی دور کی مثال دی گئی۔ یہباں شکل ۱.۳ مسیں دکھائے گئے مقن طیسی دور پر غور کرتے ہیں۔ مقن طیسی و تالب کا  $m_c = m_c$  مقت ہیں۔ یوان تالب کا  $m_c = m_c$  مقت ہیں۔ یوان تالب کا  $m_c = m_c$  مقت ہیں۔ یوان تالب کی تار کی طسر ح یہباں مقن طیسی و تالب کو مقت طیسی دیاو  $m_c = m_c$  مقت مدور کی معت ام تک منتقل کرنے کے استعمال کی اللہ مسیل مقت طیسی دیاو کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے  $m_c = m_c$  کے استعمال کے استعمال کے استعمال کے استعمال کے ایک تاریخ کی تابیک میں مقت طیسی دیاو کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے کی تیکھی پارٹے ہوئے کل تیکھی پارٹے کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے کی ایکھی پارٹے کے دیاو کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے کی تیکھی پارٹے کے دیاو کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے کی تیکھی پارٹے کے دیاو کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے کی تیکھی پارٹے کے دیاو کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے کی دیاو کو حضلائی درز کی چکھی ہوئے کے دیاو کی حضلائے کے دیاو کی حضلائی درز کی چکھی ہوئے کے دیاو کی دیاو کی دیاو کی حضل کی دیاو کی دیا

relative permeability, relative magnetic constant12

magnetic core'

laminations 19

$$\Re_a = rac{l_a}{\mu_0 A_a}$$

 $l_a \ll b$ خنلائی درزکی لمب نگی  $l_a$ ا است کے رقب عصودی تراشش کے اضلائ کا اور wے بہت کم ہونے کی صورت، لین کا اور w اور w کی ابر تصور a کی مسیل حضائی درز کے رقب عصودی تراشس a کو صالب کے رقب عصودی تراشوں کے برابر تصور کسیاحیا ۔

$$(r.12) A_a = A_c = wb$$

اسس کتاب مسیں جہاں ہتالیان گیا ہو وہاں  $l_a\ll w$  اور  $w\gg l_a=A_c$  تصور کرتے ہوئے  $A_a=A_c$  کی تعسد یف درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔ مقت طبیعی دباو au کی تعسد یف درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

$$au = Ni$$

یوں برقی تار کے حپکر ضرب تار مسیں برقی رو کومقت طیسی دباو کہتے ہیں۔مقت طیسی دباو کی اکائی ا**یمپیئر و چکر ۲۰**ہے۔ حسب ۲۰۲ کی طسسر ۲۰ ہم مساوات ۲۵۰۲ کو بوں ککھ کسکتے ہیں۔

$$\phi_a = rac{ au}{\Re_a}$$

مقت طیسی ہیساو کی اکائی  $^{17}$ ویہر  $^{17}$ اور پیچکپ ہیٹ کی اکائی **المبی**یئر و چکر فیج ویبر  $^{17}$  ہے۔ اسس سلمہ وار دور کے حتالی درز مسیں مقت طیسی ہیساو  $_{a}$  ایک دوسرے کے برابر ہول گے۔ درج بالا مساوات کو مساوات  $^{17}$  کی مدد ہے

$$\phi_a = \tau \left( \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

يا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

$$(r.ri) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

(r.rr) 
$$H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

ampere-turn"

Weber'

rr \_\_ اکائی حب منی کے ولیم اڈورڈ ویب رکے نام ہے جن کابر تی ومقت اطبی میدان مسیں اہم کر دار رہاہے

ampere–turn per weber  $^{rr}$ 

magnetic flux density rr

magnetic field intensity ra

۲۸ بایست ادوار

کثاف<u>ت</u> مقناطیسی بہاو کی اکائی **و بیر فی مرفع میٹر**ے جس کو **ٹسلا ۱۳**کانام دیا گیاہے۔مقن طیسی میدان کی شدت کی اکائی **ایمپیئر** فی میٹر<sup>2</sup> ہے۔ یوں مساوات ۲۰۲۲ کو درج ذیل لکھ حب سکتا ہے۔

$$(r.rr) B_a = \mu_0 H_a$$

جباں مستن سے واضح ہو کہ مقت طیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں مقت طیسی میدان کی شدت کو مختصراً میدانی شدے مرامیدانی شدے میرانی شدے میرانی ساتا ہے۔

شکل ۱.۲ مسیں متنائی درز مسیں مقناطیسی بہاو کارخ اکائی سمتیہ  $m{a}_z$  کا محنالف ہے لہذا گافت ِ مقناطیسی بہاو  $m{B}_a = -B_a m{a}_z$  کا محنالف رخ دباو ڈال رہا ہے  $m{B}_a = -B_a m{a}_z$  کا محنالف رخ دباو گائی سمتیہ  $m{B}_a = -B_a m{a}_z$  کا محنالف رخ دباو گائی سمتی  $m{H}_a = -H_a m{a}_z$  کا محنالف درج درج بالامساوات کو درج ذیل مستی روپ مسیں کھی جبائے گا۔ اسس طسرح درج بالامساوات کو درج ذیل مستی روپ مسیں کھی جبائے گا۔ اسس طسرح درج بالامساوات کو درج ذیل مستی روپ مسیں کھی جبائے گا۔ اسس طسرح درج بالامساوات کو درج ذیل مستی کھی جبائے گا

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $B_{m{a}}=\mu_0m{H}_{m{a}}$ 

خناء کی جگہ کوئی دو سرامادہ ہونے کی صورت میں ہے مساوات درج ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(r.ra)$$
  $B=\mu H$ 

مثال ۲۰: سشکل ۲۰،۲ مسیں حنلائی درزمسیں گافت مقت طبی ہیں اور 0.1 ٹیلا در کاریجہ وتالب کی  $m_r = \infty$  جنلائی درز کی لیبائی 1 ملی مسیر اور وت الب کے گر دبر تی تاریح حیکر 100 ہیں۔ در کاربر تی روز i تلامش کریں۔ حسان  $m_r = 0.0$ 

$$\tau = \phi \Re$$

$$Ni = \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right)$$

$$\frac{\phi}{A} = B = \frac{Ni\mu_0}{l}$$

لکھ کر درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4\pi 10^{-7}} = 0.79577 \,\text{A}$$

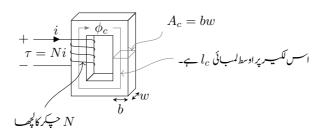
 $\Box$  ترقی رونسلائی درزمسین  $B = 0.1\,\mathrm{T}$  تافت مقن طیسی بهب ویسید اکرے گا۔  $i = 0.795\,77\,\mathrm{A}$ 

Tesla:۲۲ سے اکائی سربیا کے بگولاٹسلاکے نام ہے حب نہوں نے بدلت اوبر قی طب اقت عسام کرنے مسین اہم کر دار اداکسیا۔

ampere per meter \*\*

field intensity"

۲٫۲ مقت طیسی دور حصب دوم



شکل ۲.۷: ساده مقن طیسی دور په

# ۲.۲ مقن طیسی دور حصبه دوم

سنگل 1.7 مسیں ایک سادہ مقت طبی نظام دکھ یا گیا ہے جس مسیں و تالب کے مقت طبی مستقل کو محدود تصور کرتے ہیں۔ مقت طبی براوی  $\phi$  بر مقتام پر باور کا ہم مقت طبی و تالب کی اور طلب ان  $A_c$  معتام پر بیک ال ہم اللہ مقام پر بیک اللہ مقام پر بیک اللہ مقام ہم مقت طبی براوکار نے فلیم نگھ کے دائیری ہاتھ قانون  $A_c$  معتام پر بیک اللہ مسال ہے۔ اس متانوں کو دو طسریقوں سے بیان کیا حب ساتا ہے۔

- اگرایک لیچے کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا حبائے کہ ہاتھ کی حپار انگلیاں کیچے مسین برقی روئے رخ کسپ ٹی ہوں تب انگوش اُکس مقت طیسی بہاو کے رخ ہو گاجواکس برقی رو کی وجب سے وجو دمسین آیا ہو۔
- اگر ایک تارجس مسیں برقی رو کا گزر ہو کو دائیں ہاتھ سے یوں بکڑا دبائے کہ انگوٹٹ برقی رو کے رخ ہو تب باقی حیار انگلیاں اُسس مقت طبیعی ہیسا و کے رخ لیسٹی ہوں گی جواس برقی رو کی وجب سے پیدا ہوگا۔

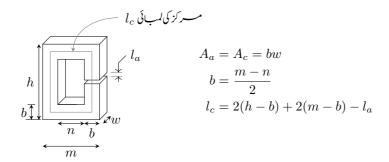
ان دوبیانات مسیں پہلابیان کچھے مسیں مقن طیسی بہاو کارخ معلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جب مسید ھی تارکے گر دمقت طیسی بہاو کارخ دوسرے بیان سے زیادہ آسانی ہے۔ وتالب مسیں مقن طیسی بہاو گھٹری وار ہے۔مقن طیسی بہاو کو کشکل ۲۔ کمسیں ہلکی سیابی کے تسیر دار ککسیر سے ظاہر کہا ہے۔ وتالب کی پیچکے بہا۔

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

لکھتے ہوئے مقن طیسی بہاو

$$\phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = Ni \left( \frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$

المينك! دايان ہاتھ مت انون • Fleming's right hand rule ۳۰ باب۲ مقت طبیسی اووار



### شکل ۲.۸: حنلائی درز اور مت البے کے بیچیا ہے۔

ہوگا۔ یوں تمام نامعسلوم متغیبرات حساسل ہو پہے۔ مشال ۲.۳: شکل ۸.۲ مسین ایک مقن طیمی متالب دکھیایا گیا ہے جس کی معسلومات درج ذیل ہیں۔

(ר. רא) 
$$= \left\{ \begin{array}{ll} h = 20 \, \mathrm{cm} & m = 10 \, \mathrm{cm} \\ n = 8 \, \mathrm{cm} & w = 2 \, \mathrm{cm} \\ l_a = 1 \, \mathrm{mm} & \mu_r = 40 \, 000 \end{array} \right.$$

ت الب اور حنلائی درزکی چکپ ہشیں تلاسش کریں۔ حسل:

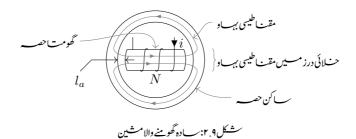
$$\begin{split} b &= \frac{m-n}{2} = \frac{0.1-0.08}{2} = 0.01 \, \mathrm{m} \\ A_a &= A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = 0.0002 \, \mathrm{m}^2 \\ l_c &= 2(h-b) + 2(m-b) - l_a \\ &= 2(0.2-0.01) + 2(0.1-0.01) - 0.001 = 0.559 \, \mathrm{m} \end{split}$$

$$\begin{split} \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.559}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 55\,605\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \\ \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 3\,978\,874\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \end{split}$$

وت الب کی لمب اُن صناد کی درز کی لمب اُن سے 359 گنازیادہ ہونے کے باوجود صناد کی درز کی پیچکپ ہیں۔ مت الب کی جمہوگا۔  $\Re_a \gg \Re_c$  سے 72 گنازیادہ ہے۔ یوں  $\Re_a \gg \Re_c$ 

مثال ۲۰۰۰: سشکل ۹۰۲ سے رجوع کریں۔ حنائی درز 5 ملی مسیر لب ہے اور گھومتے حسب پر 1000 حیکر ہیں۔ حنائی درز مسیں 50.95 میں۔ 50.95 میں۔ 50.95 میں۔

۲.۲ مقت طیسی دور حصب دوم



$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{l_a}{\mu_0 A_c}$$

اور دوسلسله وارحشلائی درزوں کی کل چکپ ہے۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c}$$

حنالی درزمسیں مقت طبی بہب و $\phi_a$  اور کثافت ِ مقت طبی بہب و $B_a$  درج ذیل ہوں گے۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left( \frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right)$$
 
$$B_a = \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a}$$

stator rotor

۳۲ مقت طبیسی ادوار

دی گئی معسلوما<u>۔</u> پر کرتے ہوئے درج ذیل حساصسل ہوگا۔

$$\begin{split} 0.95 &= \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005} \\ i &= \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \, \mathrm{A} \end{split}$$

روایتی موٹروں اور جنسریٹ روں کی حنیاء مسیں تقسیریباً ایک ٹیلا کثافت ِمقٹ طیسی بہباوہو تاہے۔

# ۲.۷ خوداماله، مشتر که اماله اور توانائی

وقے کے ساتھ بدلت امقت اطبی میدان برقی دباویسید اکر تاہے جسس کو قانون فیراڈے Tr

$$\oint_C oldsymbol{E} \cdot \mathrm{d} oldsymbol{l} = -rac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \int_S oldsymbol{B} \cdot \mathrm{d} oldsymbol{S}$$

ے حیاصل کیا جب سکتا ہے  $^{n}$  ہے میاوات کہتی ہے کہ کسی بند راہ کی ہمسراہ مقن طیسی سستی میدان E کا ارتفاعی محمل اس راہ کے ارتباط ہباو کے (وقت کے ساتھ) تفسرق کے برابر ہوگا۔ برقی ادوار، مشاماً شکل T • ا- ا، سیس مستعمل برقی تاروں کی ہمسراہ E وتبالی نظسر انداز ہوتا ہے المہذا اسس مساوات کا بایاں ہاتھ تاروں کے سسروں پر المالی برقی و دواو و  $e^{n}$  کی مشتمل ہوگا۔ بھوگا۔ ساتھ ہی مساوات کے دائیں ہاتھ محمل مسیں بہاو کا بیشتر حصہ مت الب کے اندر بہاو  $e^{n}$  برابر ہوگا۔ ساتھ ہی مساوات کے دائیں ہاتھ محمل مسیں بہاو کا بیشتر حصہ مت اوات درج ذیل صورت اللہ مشتمل ہوگا۔ پھوکا دورت درج ذیل صورت افتار کرتی ہے۔

$$(\mathbf{r.r2}) \hspace{3.1cm} e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

اسس طسر  $\sigma$  شکل ۱۰۱۲ و تالب مسین مقت طیمی بهباو  $\phi$  کی تبدیل کی بن کچھے مسین برقی دباو e پیدا ہو گاجو کے سسرون پر نمودار ہو گا۔

پ امالی برقی د باو کومنبع برقی د ماوتصور کریں۔

امالی برتی دباو کارخ تعسین کرنے کی حناطسر کچھے کے سسروں کو قصر ۔ **دور سکریں۔ کچھے مسی**ں پیسدابرتی روانسس رخ ہو گاجو مقت طبیسی ہیںاو کی تب بلی کورو کے۔

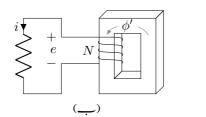
ف سر م کریں شکل ۱۰۰۲-امسیں ہوہ و کھسٹری دار ہے اور بہاوکی مقتدار بڑھ رہی ہے۔ بہاو مسیں تبدیلی کوروکئے کی حناط سر بہاو کو پیدا کرنا ہوگا جو کچھے کا بالائی سر مثبت ہونے سے ہوگا۔ شکل ۱۰۰۲-ب مسیں کچھے کے سروں

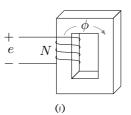
Faraday's law

ہم مانگل فٹ مراڈے انگستانی سائنسدان تھے حب نہوں نے محسر کے برقی دباور ریافت کی۔ ...

induced voltage "a

short circuit





## شکل ۱۰: تالب مسین مقن طیسی بهاه کی تب یلی کچھے مسین برقی دباوپیدا کرتی ہے۔

کے نی مسزاحت نب کسیا گسیا ہے۔ کچھ کو منبع دباو تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مسزاحت مسیں روکارخ وتالب مسیں گھسٹری کے محتالف رخ ہیاو کھ پیداکرے گا۔

N کو کچھے کے تمام حبکروں، N، کے اندر سے گزر تا ہے۔ N کو کچھے کے تمام حبکروں، N، کے اندر سے گزر تا ہے۔ N کو کچھے کا ارتباط بہاو  $\lambda^{r}$  کہتے ہیں جس کی اکائی وہیر – چکر  $\lambda^{r}$  ہے۔

$$(r,r_{\Lambda})$$
  $\lambda = N\phi$ 

جن مقت طیسی ادوار مسیں مقت طیسی مستقل  $\mu$  کواٹل مفت دار تصور کسیا جب سے یا جن مسیں متعن طیسی مقت طیسی مستقل  $\mu$  کواٹل مفت دار تصور کسیا جاری تھے۔ کی انگل ہے۔ کی

$$L=rac{\lambda}{i}$$

(r.r.) 
$$L=\frac{N\phi}{i}=\frac{NB_cA_c}{i}=\frac{N^2\mu_0A_a}{l_a}$$

جہاں متالب کارقب عصودی تراشش  $A_c$  اور درز کارقب عصودی تراسش  $A_a$  ایک دوسرے کے برابر لیے گئے میں۔  $A_c$  مثال ۲۰۵۰ شکل ۲۰۱۰ اسٹ سے  $A_c$  اسٹ کے اور متالب کی اوسط مثال ۲۰۵۵ شکل ۲۰۵۰ سکٹ کارور متالب کی اوسط کے کہا میں کارور میں کیجے کے 1000 میں کیجے کی امالہ تلاسش کریں۔ کہا ہے۔ درج ذیل دوصور تول میں کیجے کی امالہ تلاسش کریں۔

- $= \infty$  تالب
- $-\mu_r = 500$  تالب

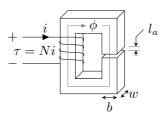
flux linkage "2

weber-turn

inductancer9

 $Henry^{r_{\bullet}}$ 

ر ہست. ا<sup>ہم</sup>امہ۔ کی سائنسدان جوزف بہنری حب نہوں نے مانگل فب راؤے بے علیحہ وطور پر محسر کے برقی دباودریاف کی ۳۴ مقت طبیسی ادوار



شكل ۱۱.۲:۱ماله (مشال ۵.۲)

صل: (۱) و تالب کے  $\mu_r = \infty$  کی بنات الب کی پیچکپ ہوئے و تابل نظر رانداز ہو گی لہند اامالہ درج ذیل ہو گا۔

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$
 
$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$
 
$$= 0.838 \text{ H}$$

 $\mu_r = 500$  ( \_\_\_ کی جھکے پہنے وتابل نظر رانداز نہیں ہو گی۔ حسلاء اور وت الب کی جھکے پہنے دریاف کے حسلاء اور وت الب کی جھکے پہنے دریاف کے میں۔

$$\begin{split} \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 wb} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,662\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \\ \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 wb} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \end{split}$$

یوں بہاو،ار شباط اور امالہ درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{1\,193\,662 + 238\,701} = 0.698\,\mathrm{H} \end{split}$$

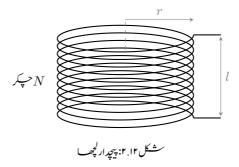
مثال ۲۰:۱: مثل ۱۲:۲ میں ایک پیچدار گجی 
$$^{\rm rr}$$
 و کھیایا گی ہے جس کی جسامت ورج ذیل ہے۔  $N=11, r=0.49~{\rm m}, l=0.94~{\rm m}$ 

spiral coil

یپچدار کیجے کے اندر مقت طیسی بہاو  $\phi$  کا بیشتر حصہ محوری رخ ہوتا ہے۔ کیجے کے باہر یہی بہاو پوری کائٹ سے گزرتے ہوئے واپس کیجے مسین داخش ہوتا ہے۔ چونکہ پوری کائٹ سے کارقب عصوری تراشش A لامت نابی ہے الہذا کیجے کے باہر کثافت مقت طیسی بہاو  $\frac{\phi}{A}$  کی مقتدار وت بل نظر رانداز ہوگی۔ کیجے کے اندر محوری رخ مقت طیسی شد سے درج ذیل ہوگی۔ کیجے کے اندر محوری رخ مقت طیسی شد سے درج ذیل ہوگی۔ کیجے کے اندر محوری رخ مقت طیسی سے درج ذیل ہوگی۔ کیجے کے اندر محوری رخ مقت طیسی شد سے درج ذیل ہوگی۔ کی اندر محوری رخ مقت طیسی ہے۔ واپس کی مقتد اور مقتل مقتل مقتل میں مقتل میں مقتل میں مقتل میں مقتل میں مقتل میں مقتل مقتل میں مقتل مقتل میں مقتل میں مقتل مقتل میں مقتل مقتل میں مقتل میں مقتل مقتل میں مقتل مقتل میں میں مقتل میں مقتل میں مقتل میں مقتل میں مقتل میں مقتل میں میں مقتل میں م

$$H = \frac{Ni}{l}$$

اسس لچھے کی خو دامالہ حساصل کریں۔



بل:

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l}$$
 
$$\phi = B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l}$$
 
$$\lambda = N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l}$$
 
$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

اور l کی قیمتیں پر کرتے ہوئے درج ذیل امالہ حساصل ہو گاr ، N

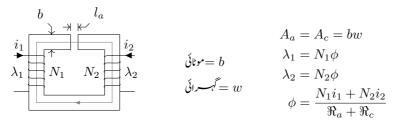
$$L = rac{4\pi 10^{-7} imes 11^2 imes \pi imes 0.49^2}{0.94} = 122\, \mu {
m H}$$

 $i_1$  ور اسس مسین برقی رو ایک ایک مقت طیسی دور د کھایا گی ہے۔ ایک کچھے کے حب کر  $N_1$  اور اسس مسین برقی رو ایک بھیے ہے ، دو سر الچھ کے حب کر کا ہے اور اسس مسین برقی رو  $i_2$  ہے۔ دونوں کچھوں مسین مثبت برقی رو وت الب مسین ایک جیسے میں میں ایک ایک ایک ایک ایک ایک ایک مسین استال کیا ہے۔  $i_2$  ہے۔ جبچد ارکچک مسین نے 3000 کاوگرام لوہا گھالنے والی بھی مسین استال کیا ہے۔

۳۷ باب۲ مقت طبیسی ادوار

رخ مقت طبی دباوپید اکرتے ہیں۔ اگر وت الب کا 
$$\Re_c$$
 وت بل نظب راند از ہوت مقت طبی بہب و  $\phi$  درج ذیل ہوگا۔ 
$$\phi=\left(N_1i_1+N_2i_2\right)\frac{\mu_0A_a}{l_a}$$

دونوں کچھوں کا محب و عی مقت طیسی دباو،  $N_1 i_1 + N_2 i_2$  مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے دونوں کچھوں کا محب و عی مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کہتے ہے کہ محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کہتے کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کہتے کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے دونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے دونوں کھی کھی کے دونوں ک



سشكل ۲: دو لحصے والامقت طيسي دور۔

ساتھ ارتساط

(r.rr) 
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

لعيني

$$(r.rr)$$
  $\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$ 

ے جہاں  $L_{11}$  اور  $L_{12}$  سے مسراد درج ذیل ہے۔

$$(\textbf{r.rr}) \hspace{3cm} L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$L_{12}=N_1N_2\frac{\mu_0A_a}{l_a}$$

 $L_{11}$  پہلے کچھے کا فود امالہ  $^{\circ \circ}$  ہے اور  $L_{11}i_1$  اسس کچھے کا پنے برقی رو $i_1$  سے پیدامقت اطبی بہاوے کے ساتھ ارتباط بہاوہ  $^{\circ \circ}$  کہتے ہیں۔ $L_{12}$  اِن رونوں کچھوں کا مشترکہ امالہ  $^{\circ \circ}$  ہے اور  $L_{12}i_2$  کچھا۔  $L_{12}$  سے تھے  $L_{12}i_2$  ہے ہیں۔ ابساوے ساتھ ارتباط بہاوے جے مشترکہ ارتباط بہاوی کی کھے ہیں۔ بالکل ای طسرح ہم دوسرے کیھے کے لئے درج ذیل کھے تے ہیں۔

$$\lambda_2=N_2\phi=N_2N_1rac{\mu_0A_a}{l_a}i_1+N_2^2rac{\mu_0A_a}{l_a}i_2$$
 (r.rr) 
$$=L_{21}i_1+L_{22}i_2$$

self inductance self flux linkage self flux linkage

mutual inductance mutual flux linkage 4

جہال  $L_{22}$  اور  $L_{21}$  سے مسراد درج ذیل ہے۔

$$(r.r2) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 rac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

 $L_{22}$  کیجے –2 کاخو د امالہ اور  $L_{21} = L_{12}$  دونوں کیجھوں کامشتر کہ امالہ ہے۔ امالہ کا تصور اسس وقت کارآمد ہو تا ہے جب مقت طبیع مستقل کیا گواٹل تصور کرناممسکن ہو۔ مصاوات ۲۷٫۲ مسیس پر کرتے ہیں۔ مصاوات ۲۷٫۲ مسیس پر کرتے ہیں۔

$$e=\frac{\partial \lambda}{\partial t}=\frac{\partial \left(Li\right)}{\partial t}$$

اگر اماله کی قیت اٹل ہو، جبیب کہ ساکن مشینوں مسیں ہو تاہے، تب ہمیں اماله کی حبانی پہچیانی مساوات

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}\bullet) \qquad \qquad e = L\frac{\partial i}{\partial t}$$

ملتی ہے۔ اگر امالہ بھی تب یل ہو، جیب کہ موٹروں اور جنسریٹ روں مسیں ہو تاہے، تب درج ذیل ہو گا۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}) \qquad \qquad e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

$$p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ie = i\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}$$

مقت طبی دور مسیں لحب  $t_1$  تا  $t_2$  مقت طبیعی توانائی کی تب بر پلی کو تکمل کے ذریعیہ حساس کیا حب اسکتا ہے:

(r.rr) 
$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

energy Joule

۵ جیمس پریسقو ئے حباول انگستانی سائنسدان حب نبول نے حسرار ہے اور میکانی کام کار شتہ دریافت کسیا اهمید در در

۵۳ کالمینڈ کے جیمزوا ٹ حب نہوں نے بحث ارات پر چلنے والے انجن پر کام کپ

Watt

۳۸ بات ۲. مقت طبیسی ادوار



شکلB-H:۲.۱۴ خطوط یامقت طبیسی حیال کے دائرے۔

ایک لیچے کامقت طبیبی دور ، جس مسین امالہ کی قیمت اٹل ہو، کے لئے درج ذیل لکھا حب سکتا ہے۔

$$\Delta W = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left(\lambda_2^2 - \lambda_1^2\right)$$

يوں  $t_1$ ير  $t_1=0$  تصور کرتے ہوئے کسی جھی  $\lambda$  پر مقت طبیعی توانائی درج ذیل ہو گی۔

$$(\textbf{r.rs}) \hspace{3cm} W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$$

# ۲.۸ مقن طیسی مادہ کے خواص

ق الب کے استعال سے دو فوائد حساصل ہوتے ہیں۔ ق الب کے استعال سے کم مقت طیبی دباوہ زیادہ مقت طیبی ہہاو پسید اگر تا ہے اور مقت طیبی ہہاو کو پسند کی راہ پر رہنے کا پاہند بہت یا حب اسکتا ہے۔ یک دوری ٹر انسفار مسروں مسین ق الب کے استعال سے مقت طیبی ہہاو کو اسس طسر آپاہت کہ تسام کچھوں مسین کیساں ہہاو پایا حباتا ہو۔ موٹروں مسین قت الب کے استعال سے مقت طیبی ہہاو کو یوں پاہند کسیا حباتا ہے کہ تمام کچھوں مسین قیادہ قوت پسیدا ہو جب موٹروں مسین و تا استعال سے مقت طیبی ہہاو کو یوں پاہند کسیا حباتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پسیدا ہو جب کہ جسریہ موٹروں مسین زیادہ سے زیادہ بی دورہ بی دورہ سے مقت اللہ کے دورہ بی کہ استعال کرنے کی نیت سے بہاو کو پاہند کسیا حباتا ہے۔

B-Hمقت طیسی مادہ کی B اور H کا تعباق تر سیم کی صور سے مسیں پیشس کیا جب تا ہے۔ لوہانی مقت طیسی مادہ کی B اور H کا تعباق تر نہیں پایا جب تا ہو کو تقت طیسی مادہ جس مسیں مقت طیسی اثر نہیں پایا جب تا ہو کو تقط ہے مسید مقت طیسی مادہ جس مسید مقت طیسی اثر نہیں پایا جب تا ہو کو تقط ہے دائیں ہوں گے۔

$$H_a = 0 \\ B_a = 0$$

۲.۸. مقت طیسی ماده کے خواص

مقت طیسی مادہ کو کچھے مسین رکھ کر اسس پر مقت طیسی دباو لاگو کسیا جب سکتا ہے۔ مقت طیسی مسیدان کی شد سے H لا گو کرنے سے لوہا نسامقت اطیسی مادے مسین کثافت مقت طیسی بہاو B پسیدا ہو گا۔ مسید انی شد سے بڑھانے سے کثافت مقت طیسی بہاو بھی بڑھے گا۔  $\alpha$  سے سشر وغ ہو تا ہوا تسیر دار قوسس اسس عمسل کو ظاہر کر تا ہے۔ مسید انی شد سے کو نقط میں تک بڑھایا گیسے جہال B اور B ہول گے۔

نقطہ b تک یہ خینے کے بعد میدانی شدت کم کرتے ہوئے دیکھ گیا ہے کہ والی تو سس ایک مختلف راستہ اختیار کرتا ہے۔ یوں نقطہ b سے میدانی شدت کم کرتے ہوئے صف رکرنے سے لوہا نما مادہ کی گذافت مقاطیبی بہاو کم ہو کر نقطہ c پر آن پہنچت ہے۔ نقطہ b سے نقطہ c تک تسیر دار تو سس اس عمل کو ظاہر کرتا ہے۔ نقطہ c بازی میدانی شدت مضاطیبی بہاو صف رنہیں ہے۔ یہ مادہ ایک بیسی رونی میدانی شدت سے جس کی گذافت مقناطیبی بہاو a ہی مادہ کیتا مقت طیسی بہاو a کا فیصل میں گذافت مقناطیبی بہاو a کا فیصل کی گذافت مقناطیبی بہاو a کا بیسی میں مصنوعی مقناطیس ای طرح بنایا جس کی تا ہے۔

نقطہ c سے میدانی شدت منگی رخ بڑھانے سے d کم ہوتے ہوتے آحسر کار ایک مسرتب دوبارہ صغیب ہوتے ہوتے آسس نقطہ کو d سے خلیبر کمیا گیا ہے۔مقن طیسیت حستم کرنے کے لئے درکار میدانی مشدت کی معتدار d کومقت طیسیت حستم کرنے والی شدت یا مختصر آغاتم شدہ سے ہیں۔

منفی رخ مید انی شد سے مسزید بڑھ نے نقطہ e صاصل ہوگا۔ اس کے بعد منفی رخ کی مید انی شد سے کا مطاق قیم سے کم کرنے سے نقطہ f حیاصل ہوگا جہاں مید انی شد سے صغیر ہونے کے باوجود کثاف سے مقیاطیسی ہے وصغیر جہیں ہے۔ اس نقطہ پر لوہا نہ امادہ المی رخ مقیاطیس بن چکا ہے اور  $H_g$  بقیایا گافت مقیاطیسی ہے وہ سے انقطہ d کی بجب کے طعیری اسس رخ مقیاطیسی سے مقیاطیسی کی شد سے  $H_g$  ہے۔ مید انی شد سے بڑھاتے ہوئے نقطہ d کی بجب کے نقطہ مارہ کی مشرک کی شد سے بھول ہوگا۔

برقی شدت کو متواتر ای طسر تا پہلے ایک رخ اور بیسر منالف (دوسسری) رخ ایک حناص حمد تک پہنچ نے نے احسار کا ایک بنددائرہ حاصل ہوگا جے سنکل ۱۳۰۲ - مسین دکھایا گیا ہے۔اسس دائرہ برحنلاف گھٹری سفسر ہوگا۔ سنکل ۱۳۰۲ - کو مقتاطیری جالی کا دائرہ ۵۲ کہتے ہیں۔

مختاف H کے لئے شکل ۱۳۰۲ – ب حاصل کر کے ایک بی کاغن ذیر کھینچنے کے بعد ان تمام کے d نقطے جوڑنے B – B رقطے جوڑنے B – B رقطے مولاً B ان اللہ وگ ہے۔ راستال ہونے والی 10.3048 میں وگئی ہے۔ اس تر سیم مسین موجود مواد حبدول مسین موٹی و مواد حبدول مسین بھی دیا گئی ہے۔ اس تر سیم مسین موجود مواد حبدول اسین بھی دیا گئی ہے۔ اس تر سیم مسین موٹی تر سیم مسین بھی دیا گئی ہے۔ مسوماً مقت طبی مسائل حسل کرتے ہوئے شکل ۱۳۰۲ کی جائے سشکل ۱۵۰۲ طسرز کی تر سیم اسین بھی دیا گئی ہے۔ وہان رہے کہ اس تر سیم مسین H کا پیسا نہ لاگے ہوئے۔

اوہانی مقت طلب مادے پر لاگومقت طلب مثد دیں بڑھ انے سے کثافت مقت طلب بہاو بڑھنے کی مشرح بت درج کم ہوتی حب آتی ہے مقت طلب مادے پر لاگومقت طلب مثدح مثاری مشرح مثاری مشرح ساز کو سیر ابیتے ۵۹ میں جس آتی ہے مشرح مثاری مشرح مثاری مثاری مثاری مثال میں واضح ہے۔

سٹ کل ۱۴.۲ سے واضح ہے کہ H کی کسی بھی قیمت پر B کی دو ممکنہ قیمتیں ہوں گی۔ بڑھتے مقت اطبیبی بہاو کی صورت مسیں

residual magnetic flux

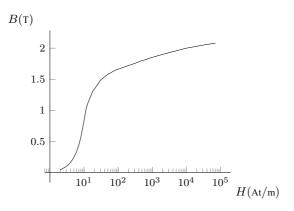
coercivity 60

hysteresis loop<sup>Δ</sup>

log<sup>52</sup>

saturation <sup>ΔΛ</sup>

۰۶ مقت طبیری ادوار



شکل ۱۵.۲: فولاد 5 M کی 3048 کلی مسیر موٹی ہتری کی ترسیم میدانی شدت کا پیپ نہ لاگ ہے۔

ترسیم مسیں بنچ سے اوپر حبانے والی منحنی B اور H کا تعساق پیش کرے گی جب کہ گھنتے ہوئے مقت طبیبی بہا و کی صورت مسیں اوپر سے بنچ حبانے والی منحنی اسس تعساق کو پیش کرے گی۔ چونکہ B/H = B/H کی مقت دار تب دیل ہونے سے لکی قیست بھی تب دیل ہوگا۔ باوجو داسس کے ہم مقت طبیبی ادوار مسین  $\mu$  کو ایک مستقل تصور کرتے ہیں۔ ایس کرنے سے نستانگی بر عصوماز بادہ اڑ زنبرین ہوتا ہے۔

$$b=5\,{\rm cm}, w=4\,{\rm cm}, l_a=3\,{\rm mm}, l_c=30\,{\rm cm}, N=1000$$

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795775$$

يوں 3 ملى مب ٹر منساء كو 3877 = 795775 = 0.003 بمپيئر حپكر در كارېوں گے۔ گل ايمپيئر وحپكر ان دونوں كامحب وعب 3.366 + 2387 = 2390.366 بول قامبے۔

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حسل: دوٹسلا کے لئے۔ حبد ول ۲. اے تحت مت الب مسین 2 ٹسلا کثافت کے لئے مت الب کو 10000 ایمپیئر و پکر فی مسین 4 در کار ہو گی۔ یوں 30 ۲.۹ بيجيان ٿ ده کچھ ا

#### حبدول ۲:مقت اطیسی بہا وبالمقابل شد ـــــ

H	B	H	B	H	B	H	B	H	B	H	B
9000	1.998	1000	1.852	200	1.720	30	1.480	9	0.700	0	0.000
10000	2.000	2000	1.900	300	1.752	40	1.540	10	0.835	2	0.040
20000	2.020	3000	1.936	400	1.780	50	1.580	11.22	1.000	3	0.095
30000	2.040	4000	1.952	500	1.800	60	1.601	12.59	1.100	4	0.160
40000	2.048	5000	1.968	600	1.810	70	1.626	14.96	1.200	5	0.240
50000	2.060	6000	1.975	700	1.824	80	1.640	17.78	1.300	6	0.330
60000	2.070	7000	1.980	800	1.835	90	1.655	20	1.340	7	0.440
70000	2.080	8000	1.985	900	1.846	100	1.662	23.77	1.400	8	0.560
60000	2.070	7000	1.980	800	1.835	90	1.655	20	1.340	7	0.440

 $\sim$  متالب کو $0.300 = 0.000 \times 1000$  ایمپیئر چیکر در کار ہوں گے۔ مثالہ کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591549$$

ا يمپيئر و پ كرنى مييز در كار بين البذا 3 ملى مييز كبي منياء كو 4775 = 4775 بيئر و پ كردر كار بول گـ يول كُل ايمپيئر و پ كر 7775 = 4775 + 3000 بين جن سے درج ذيل حساس كريا جب سكتا ہے۔

$$i = \frac{7775}{1000} = 7.775\,\mathrm{A}$$

اس مثال مسیں مقن طبیسی سپر اہیت واضح ہے۔

# ۲.۹ هیجان شده لیحسا

 $\cos \omega t$ یدات ارو بحب کی مسین برقی دباو اور مقت طیسی بہب او عسوماً سائن نمسا ہوتے ہیں جن کا وقت کے ساتھ تعسان گلان اور اسس میں ہوگا۔ اسس حصبہ مسین بدلت ارو سے لیجھ ہیجان کرنا اور اسس سے نمو دار ہونے والی برقی تو انائی کے ضیاع پر تذکرہ کسیاحب نے گا۔ وقت السب مسین کثافت مقت طیسی بہب و

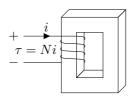
$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}\mathbf{z})$$
  $B = B_0 \sin \omega t$ 

کی صورے مسین وت الب مسین درج ذیل بدلت امقت طبیبی بهب و ی پیدا ہو گا۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$ 

اسس مساوات مسین مقت طبی بهباو کاحیطه  $\phi_0$  ، کثافت مقت طبی بهباو کاحیطه  $B_0$  ، مت الب کار قب عصودی تراسش  $A_0$  (جوہر معتام پر یکسان ہے ) ، زاویائی تعدد و0 برای سال کے سال کے سال کے انسان کا مقت کا مقت

۲۲ مقت طیسی ادوار



شکل ۲.۱۶: ساده مقن طیسی دور (مشال ۸.۲) \_

نے داؤے کے وتانون (ماوات ۲۷،۲) کے تحت یہ مقناطیسی بہاو کچے میں e(t) اہلی برقی دباوe(t)

$$e(t)=\frac{\partial \lambda}{\partial t}$$
 
$$=\omega N\phi_0\cos\omega t$$
 
$$=\omega NA_cB_0\cos\omega t$$
 
$$=E_0\cos\omega t$$

 $E_0$  درج ذیل ہے۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{\Delta}\bullet) \qquad \qquad E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ہم بدلتے رومت داروں کے مسرئع کی اوسط کے حبذر مسیں دلچی رکھتے ہیں جوان مقت داروں کی موثر '' قیب ہوتی ہے۔ جیسا صف ۱۲ پر مساوات ۲۱ سیں دیکھا گیا، سائن نمساموج کی موثر قیب موج کے حیطہ کی  $1/\sqrt{2}$  گتا ہو گی الہٰذاامالی برقی دراو کی موثر قیب  $E_{rms}$  دراو کی موثر قیب ہے۔ جیسا

$$(r.\Delta I)$$
 
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

 $\sim$  مساوات بہت اہم ہے جس کو ہم بار بار استعال کریں گے۔ بدلتے برقی و باویابد لتے برقی روکی قیمت ہے مسراد ان کی موثر قیمت ہوگا۔ پاکستان مسیں گھسریلوبر قی و باو کی موثر قیمت 220 وولٹ ہے۔ اسس سائن نسابر قی د باو کی چوٹی  $\sim$  311 وولٹ ہوگی۔ مشال ۲۰۸ نسسکا ۱۹۸۴ مسیں کچھے ہے 27 حیکہ بیں۔ و تالب کی لمب کی 20 سے جب اسس کارقب عصودی تراشش مشال ۲۰۸ مسین کچھے کو گھسریلو 220 وولٹ موثر برقی د باوے ہیجبان کی حب تا ہے۔ حبدول ۱۰۲ کی مدد سے مختلف برقی د باویر محسر کے برقی و معسوم کریں اور اسس کا خوا کھینچیں۔

$$(r.sr) v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$$

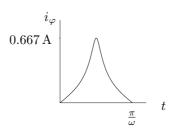
حل: گھےریلوبر قی دیاو 50 ہر ٹز کی سائن نمیاموج ہو گی۔

induced voltage of root mean square, rms

۲.۹. بیجیان ث ده کچف

•	/	•	- (	
_برقی رو	~ر ك	۲: حس	بدول ۲.	ン

$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	0.3H	H	B	$\omega t$	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	0.3H	H	B	$\omega t$
0.000	0.000	0	0.000	0.000	0.125	3.366	11.22	1.000	0.675
0.022	0.600	2	0.040	0.025	0.140	3.777	12.59	1.100	0.757
0.033	0.900	3	0.095	0.059	0.166	4.488	14.96	1.200	0.847
0.044	1.200	4	0.160	0.100	0.198	5.334	17.78	1.300	0.948
0.056	1.500	5	0.240	0.150	0.222	6.000	20	1.340	0.992
0.067	1.800	6	0.330	0.208	0.264	7.131	23.77	1.400	1.064
0.078	2.100	7	0.440	0.278	0.333	9.000	30	1.480	1.180
0.089	2.400	8	0.560	0.357	0.444	12.000	40	1.540	1.294
0.100	2.700	9	0.700	0.453	0.556	15.000	50	1.580	1.409
0.111	3.000	10	0.835	0.549	0.667	18.000	60	1.601	1.571



شکل ۱.۱ / 1.5 بسری کے وت الب مسین 1.6 ٹسلا تک ہیجبان پیداکرنے کے لئے در کار ہیجبان انگیٹزبر قی رو۔

مساوات ۲۱۵ کی مدد سے ہم کثافت ِ مقت طبیعی بہاو کی چوٹی ساسسل کرتے ہیں۔

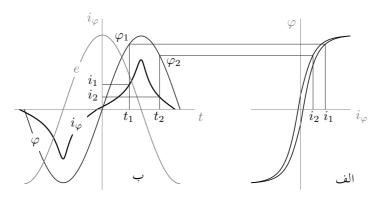
(r.ər) 
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601\,\mathrm{T}$$

یوں وت الب مسیں کثافت ِ مقت اطبی بہب و کا حیط 1.601 ہو گا اور وت الب مسیں کثافت ِ مقت طبی بہب او کی مساوات درج ذیل ہوگی۔

$$(r.\Delta r)$$
  $B = 1.601 \sin \omega t$ 

ہم جہ دول کی مد دے 0 اور 1.601 ٹسلاکے نیج مختلف قیمتوں پر در کار محسر کے برتی روہ  $i_{\phi}$  معسلوم کرنا حیا ہے ہیں۔ ہم مختلف B پر حب دول ۲۰۱ے وت الب کی H حساس ل کریں گے جوایک میسٹر وحیکر ہوں گے۔ اسس سے B میسٹر وحیکر ہوں گے۔ اسس سے B میسٹر وحیکر دریافت کر کے برقی روحیا صل کریں گے۔ حب دول ۲۰۲۸ مختلف کثافت کثافت مقت طیسی بہاوکے لئے در کار محسر کے برقی رودیتی ہے۔ جب دول مسین ہر B کی قیمت پر B کو مساور B کی تیمت پر B کو قیمت کے مساور B کی تیمت کے مساور گائی گائی کا کافی مسین کریا گیا ہے۔ محسر کے برقی روبالقابل B کافی کا مسین کی اگلیا ہے۔

مهم الب\_۲.مقت طبیسی ادوار



مشكل ٢.١٨: هيمان الكي زبر قي رو ـ

برقی کچھے مسیں برتی دباوے ہیجبان پیدا کیا حباتا ہے۔ ہیجبان شدہ کچھ مسیں گزرتے برتی رو $i_{\varphi}$  کی بنا وتالب مسیں مقت طبی ہیسادیسید اہوگا۔ اسس برقی رو $i_{\varphi}$  کو تاکیج ہیں۔

مثال ۸.۲ مسیں ہیجبان انگسیز برقی رومعلوم کی گئی جے سٹکل ۱۷۰۲ مسیں و کھایا گیا۔ اے حساسل کرتے وقت مقتاطیبی علی اللہ اللہ مقتاطیبی علی کے اسک کو مقتاطیبی حیال کو میر مقتاطیبی علی کا گئی ہے جو مقتاطیبی حیال کو میر نظر رکھ کر حساس کی گئی ہے۔ اسس کو مسجھنا ضروری ہے۔

شکل ۱۸.۲-الفیم مسین مقت طبیعی حیال کادائرہ و کھایا گیا ہے۔ درج ذیل تعسلقات کی بین مقت طبیعی حیال کے خط کو q=i

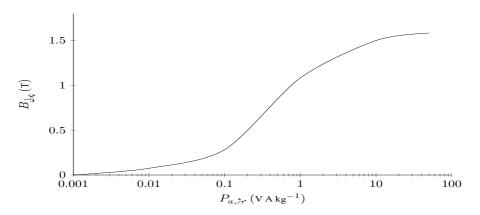
(r.22) 
$$Hl = Ni$$
 
$$\varphi = BA_c$$

وتال مسیں سائن نما مقناطیبی ہیں و  $\varphi$  کو مشکل ۱۸.۲ مسیں دکھایا گیا ہے۔ سائن نما مقناطیبی ہیں و وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ لحمد  $t_1$  پر الس کی قیمت  $t_2$  ہوگا۔ مقناطیبی ہیں واور  $\psi$  مسل کرنے کے لئے در کار جیسان انگی نرقی رو کو مشکل – الف سے حاصل کی حیاستی ہے۔ ای جیسان انگی نرقی رو کو مشکل – بسی لمحسل کی حیاستی ہے۔ ای جیسان انگی نے برقی رو کو مشکل – بسی المحسل کی جیسان انگی نے برقی رو کو مشکل – بسی المحسل کی حیاستی ہے۔

دھیان رہے کہ لحب  $t_1$  پر مقن طبی بہب وبڑھ رہاہے لہنہ امقن طبی حیال کے نط کا درست حصہ استعمال کر ناضروری ہے۔ سٹکل ۱۸۰۲۔ الف مسین عمین گھٹڑی کی موئیوں کے محتالف رخ گھومتے ہوئے یوں نیچے سے اوپر حباتا ہواجھ استعمال کیا گئے۔ اوپر اور گھٹے (اوپر میں سیس سیسر کے نشان مقن طبیبی بہب وبڑھنے (نیچ سے اوپر) اور گھٹے (اوپر سے ناویس کی نشاندہی کرتے ہیں۔ سیس سیس سیس سیس کے نشاندہی کرتے ہیں۔

excitation current hysteresis "

۲.9. ہیجان شدہ کچھ ۴۵



شکل ۲.۱۹: پچیاسس ہر ٹزیر 0.3 ملی میٹر موٹی پتسری کے لئے در کار موثر وولٹ وایمیئر فی کلوگرام ت الے

 $t_2$  اور اسے حساصل کرنے کے لئے در کار  $t_2$  مقت اطبی بہاو  $t_2$  ہے۔ اسس لمحہ یر مقت اطبی بہاو  $t_2$  $i_2$ جیان انگیز برقی روز  $i_2$ 

۔ ای طسرح مختلف کمحیات پر در کار ہیجیان انگیز برقی روحیاصل کرنے سے مشکل ۱۸.۲- سے کا ئن خط ملت ہے جو

۱۸.۲ - ب مسین اسس برقی دیاو کو بھی د کھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ برقی دیاو سے مقن طیسی بہاو °90 تاخیب رے

 $H_{c,rms}$  کی مورثر قیمتوں  $H_{c,rms}$  کی مورث قیمتوں کی مورث قیمتوں  $H_{c,rms}$  کی مورثر قیمتوں کی مورثر کی مورثر قیمتوں کی مورثر قیمتوں کی مورثر کی مورثر قیمتوں کی مورثر قیمتوں کی مورثر قیمتوں کی مورثر قیمتوں کی مورثر کی مورثر کی مورثر کی مورثر کی مورثر کی کردنر کی مورثر کی کردنر کی مورثر کی مورثر کی مورثر کی مورثر کی کردنر کی کردنر کی کردنر کی کردنر کی مورثر کی کردنر کردنر کی کردنر کردنر کی کردنر کردنر کی کردنر کردنر کردنر کی کردنر کردنر

$$Ni_{arphi,rms}=l_cH_{c,rms}$$

مساوات ۲ اهاور مساوات ۲ ۵۱ سے درج ذیل حساصل ہو گا

$$(r.22)$$
  $E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2}\pi f B_0 H_{c,rms} A_c l_c$ 

جباں  $A_{cl}$  وتالے کا حجب ہے۔ یوں  $A_{cl}$  حجب کے تالیہ مسین  $B_{0}$  کثانت مقت طبیحی بہادیپ داکرنے کے لئے در کار  $E_{rm,s}i_{\omega.rm,s}$  مے وات  $A_c$  در کار  $A_c$  مے ایک مقت طیبی مقت اللہ جس کا حجب  $A_c$  اور میکانی کثافت  $A_c$  ہو، کی کمیت  $m_c = 
ho_c A_c l_c$  کورن نیل روی مسین کھیاحیا  $m_c = 
ho_c A_c l_c$ 

(r.an) 
$$P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2}\pi f}{\rho_c}B_0H_{c,rms}$$

 $P_a$  ریکھ حبائے تو کسی ایک تعب تعب در  $P_a$  کی قیمت صرف میں الب پر اور متالب مسین  $P_a$  یعنی جا کہ تعب رہے، یونکہ  $H_{c,rms}$  خود  $B_0$  پر منخص رہے۔ یہی وجب ہے کہ تالب بنانے والے اکائی کمیت کے تبار مسین مختلف ۲۸ مقن طبیری ادوار

جن  $B_0$  پیدا کرنے کے لئے در کار  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کی  $B_0$  بالقابل  $P_a$  ترسیم مہیا کرتے ہیں۔ صالب کی 0.3 کی میسٹر موٹی پیشری کے لئے ایی ترسیم مشکل ۱۹٫۲ مسین د کھائی گئی ہے۔

ٹرانسفار مسے دوہ آلہ ہے جو بدلت ابرقی دباو کو تب بریل کر تاہے۔ یہ دویادوسے زیادہ کچھوں پر مشتمل ہو تاہے جومقت اطیسی و تبالب اپر لیٹے ہوتے ہیں۔ پہلے عصوماً آپس میں جبڑے ہوئے نہیں ہوتے ہیں۔ شکل ۱۳ الف میں ٹرانسفار مسر کی عسلامت و کھائی گئی ہے۔ دولچھوں کے در میان متوازی لکیسریں مقن طیسی متالب کوظ ہر کرتی ہیں۔

د ستیاب برتی دیاو<sup>۲</sup> پرٹرانسفار مسر کے ایک کچھے کو برتی طباقت منسراہم کی حیاتی ہے اور ہاتی کچھوں سے مختلف برقی د باویر یہی برقی طباقت حساصل کی حباتی ہے۔ جس لیچھے پر برقی د باولا گو کسیا حبائے اسے **ابتدائیے لیچھا '' کہتے ہیں** اور ٹرانسفار مسر ک اس مبانب کو ابتدائھ جانب م کہتے ہیں۔ ای طسرح جس کچھ (کچھوں) سے برقی طباقت مساسل کی حباتی ہے اے (انهان) أفؤى ليحا (ليح) كتبي بين اوراس حبانب كو أنوى جانب كتبين ايب ايب شكل ١٠٠٠ - مسين وكماياك ہے۔ٹرانسفار مسرکی عسلامت مسین ابت دائی حبانب کو بائیں طسرف اور ثانوی حبانب کو دائیں طسرف و کھایا

بڑے ٹرانسفار مسبر عسموماً صرنب دولچھوں پر مشتل ہوتے ہیں۔اسس کتاب مسین مقت طبیعی متسالب پر لیٹے ہوئے دو کچھوں کے قوی ٹرانسفار مسریر تبصیرہ کساحیائے گا۔

ٹرانسفار مسرے تم برقی دباوے بھے کو کم برقی **دباو کا لچھا ہے ہیں** اور ٹرانسفار مسر کی اسس حبانب کو کم برقی **دباو والی جانب** کتے ہیں جبکہ ٹرانسفار مسرکے زیادہ برقی دباوے کیچے کوزیادہ برقی دباو کا کچھا^کتے ہیں اورٹرانسفار مسرکی اسس حبانب کوزیادہ برقی دباو والی جانبے کتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مسر کے کم برقی دباو حبانب برقی دباو لا گو کپ حبائے اور زیادہ برقی دباو حبانب سے برقی دباو حسامسال

magnetic core

<sup>&#</sup>x27; بدلت ابر قی دیاو کی عبدلامت مسین مثبت اور منفی نشان وقت صف ریر بر قی دیاو کی مثبت اور منفی سسرے ظباہر کرتے ہیں۔ primary coil"

primary side

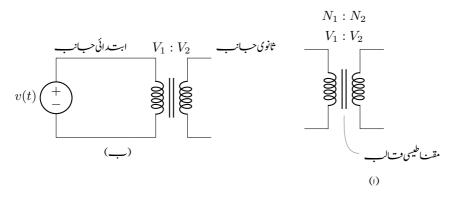
secondary coil

secondary side

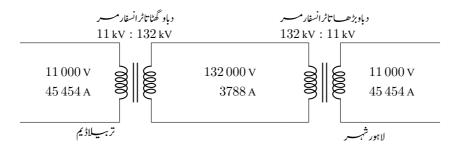
low voltage coil4

high voltage coil

۴۸ باب ۳. ٹرانسفار مسر



#### <u> مشکل است: ٹرانسفار مسر کی عسلامہ۔</u>۔



شكل ٣٠٢ برقى طاقت كى منتقلي ـ

کیا حبائے توٹرانسفار مسر کی کم برقی دباو حبانب کو ابت دائی حبانب کہیں گے اور اسس کی زیادہ برقی دباو حبانب کو ثانوی حبانب کہیں گے۔

# ا ۳ ٹرانسفار مسر کی اہمیت

برلتے روکی برقی طباقت ایک معتام سے دوسسرے معتام با آسانی اور نہایت کم برقی طباقت کی ضیاع سے منتقبل کی حب سستی ہے۔ بہی اسس کی مقولیت کا راز ہے۔ ٹر انسفار مسرکے تب دلہ برقی دباو <sup>و</sup>کی حناصیت ایسا کرنے مسیں کلیدی کر دار اداکرتی ہے جے درج ذیل مشال کی مدد سے جھتے ہیں۔ مشال است: سشکل ۲۳ سے رجوع کریں۔ برقی دباو اور برقی روکاحیاصل ضرب برقی طباقت ہوگا:

 $p = v_1 i_1 = v_2 i_2$ 

voltage transformation property

۱.۳. ٹرانسفار مسسر کی اہمیت

تصور کریں کہ تربیلا ڈیم سے 500 MW برقی طباقت لاہور اشہدر کے گھدریلو صبار فسنین کو 220 وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔اگر ہم اسس طباقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقبل کرنا حیایی تب برقی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{220} = 2\,272\,727\,\mathrm{A}$$

ہوگا۔ برقی تارمیں کثافت برقی رو ہے  $J_{au}$  تقسریباً 5 ایمپیئر فی مسرئ ملی میسٹر  $J_{au}=5$  A mm مسکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافت برقی رو ہے۔ اگر برقی تارمیں اسس سے زیادہ برقی رو گزاری حبائے تو اسس کی مسزا ہے۔ مسین برقی طاقت کے ضیاع سے برقی تارکار قب طاقت کے ضیاع سے برقی موکر پھل سکتی ہے۔ اسس طسرح صفحہ الپر مساوات ۲۳۱ سے برقی تارکار قب عصودی ترامش

$$A = \frac{i}{J_{av}} = \frac{2272727}{5} = 454545 \, \text{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تواسس کار داسس درج ذیل ہو گا۔

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{454\,545}{\pi}} = 380\,\mathrm{mm} = 0.38\,\mathrm{m}$$

ا تنی موٹی برقی تار کہ میں نہمیں پائی حباتی ہے "۔اگر ہے تارالمونیم کی بنی ہوجس کی کثافت۔  $\rho_v=2700~\mathrm{kg}~\mathrm{m}^{-3}$  ہوتی ہے تب ایک میٹر بمی تار کی کیے ہے۔

$$m = 2700 \times \pi \times 0.38^2 \times 1 = 1224 \,\mathrm{kg}$$

لینی 1.2 ٹن ہو گی۔المو نیم اتنی مہبئی ہے کہ اسس صور ۔۔۔ مسیں اتنی برقی طب قت کولا ہور پہنچپانا ممسکن نہیں ہوگا "۔ آئیں اب ٹرانسفار مسبر استعمال کر کے دیکھتے ہیں۔ ڈیم پر ایک ٹرانسفار مسبر نسب کر کے برقی دباو کو بڑھ کر 000 132 وول نے یعنی 132 کلو دول نے کس حب تا ہے۔ یوں برقی رو درج ذیل ہوگا

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{132\,000} = 3788\,\mathrm{A}$$

جس کے لئے در کاربر قی تار

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{3788}{5} = 758\,\mathrm{mm}^2$$
 
$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{1667}{\pi}} = 15.5\,\mathrm{mm}$$

صرف15.5ملى مڀيڙر داسس کي ہو گي۔

\*افضلع صوافی مسین بھی لاہور ایک تحصیل ہے لیسکن اسس شہسر کو اتی طب اقت نہیں در کار "ا آپ مانیں یاسہ مانیں، آپ نے بھی اتی موٹی برقی تاریجی نہیں دیکھی ہو گی۔ "ا آئی کل لاہور مسین بجب کی کی معظی اسس وجب ہے نہیں ہے۔ ۵۰ باب۳ برانسفار مسر

اسس مشال مسیں اگر تربیالاؤیم مسیں نسب جنسریٹر 11000 دولٹ برقی دباد پیدا کر رہاہو تو تربیالاؤیم پر نسب ٹرانسفار مسربر قی دباو کو 11000 دولٹ سے بڑھ کے 132 کلودولٹ کرے گاجب کہ لاہور شہبر مسین نسب ٹرانسفار مسر 132 کلودولٹ کو دالیس 11000 دولٹ کرے گا۔

ای مثال کو بڑھاتے ہیں۔ شہسر مسین 220 دولٹ کی بحبائے 11000 دولٹ صارف کے متسریب پہنچا کر محسلہ مسین نیب ٹرانسفار مسر کی مددسے 11000 دولٹ کو مسنزید گھٹا کر 220 دولٹ کسیاحبائے گاجو صارف کو مسنداہم کیے حبائیں گے۔

شکل ۲.۳ مسیں ڈیم سے شہر تک کا نظام د کھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نسب ٹرانسفار مسر کو برقی دباو بڑھاتا ٹرانسفار مر "اور لا ہور مسیں نسب ٹرانسفار مسر کو برقی دباو گھٹاتا ٹرانسفار مر "اکہا گس ہے۔

برقی طباقت عصوماً 11 کلو وولن اور 25 کلو وولن کے مابین پیدا کی حباتی ہے۔اسس کی منتقلی 110 کلو وولن اور 1000کلو وولٹ کے چچ کی حباتی ہے جبکہ اسس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کپ حبا تا ہے۔

## ۳.۲ ٹرانسفار مسرکے اقسام

گھروں اور کار حنانوں کوبر تی طاقت و منداہم کرنے والے ٹرانسفار مسرمقن طیسی متالب پر لپیٹے حباتے ہیں۔ ب عسوماً تاہین دور کی ۱۵ ہوتے ہیں جنہ میں لوہے کے قالے والے تاہین دور کی قوری ٹرانسفار م<sup>11</sup> کتے ہیں۔

نہایت چھوٹے ٹرانسفار مسر عسوماً لوہے کے متالب پر بنائے حباتے ہیں اور یکھ ۔ دور کی کے ہوتے ہیں۔ یہ گھسریلواستعال کے برقی مشین، مشلاً موبائل حپار حسر، وغنیسرہ مسین نسب ہوتے ہیں اور 220 دولٹ سے برقی دباو مسندید گھناتے ہیں۔ گھناتے ہیں۔ گھناتے ہیں۔

برقی دباوی پیپ اکش کے لئے متعمل ٹرانسفار مسر ، جو وباو کے ٹرانسفار مر ۱۸ کہلاتے ہیں، کے ٹانوی اور ابت دائی برقی دباوی سے سب پر حتاص توجب دی جباتی ہے۔ ای طسرح برقی رد کی پیپ اکشس کے لئے متعمل ٹرانسفار مسر ، جو رو کے ٹرانسفار مر ۱۹ کہلاتے ہیں، کے ٹانوی اور ابت دائی رو کی سن سب پر حناص توجب دی حباتی ہے۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مسر کی سن سب کے برقی دباویا برقی رو کم بیازیادہ کر تا ہے لیکن جیب پہلے ذکر کیا گیا، ان دواقت م کے ٹرانسفار مسروں مسین کم اور زیادہ کرنے کی سن سب پر حناص توجب دی جباتی ہے۔ ان دواقت م کے ٹرانسفار مسروں کی برقی سکت ، تنہایت کم انہوتی ہے۔ کر انسفار مسروں کی برقی سکت ہے۔ انہیں خلائی قال جے ٹرانسفار مسروں کی برقی سکت ہے۔ انہیں خلائی قال جے ٹرانسفار مسروں کی جت ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی عنیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی عنیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی حیاست ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی عبیں۔

step up transformer

step down transformer

three phase12

iron core, three phase power transformer'

single phase 12

potential transformer1A

current transformer 19

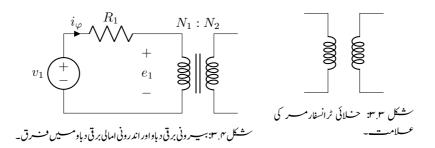
electrical rating

الم عبوماً تقسريباً بحيين ووليه وايمييمُ سكت ركھتے ہيں۔

air core transformer

communication transformer

٣٠.٣ امالي برقى دباو



## ۳.۳ امالی برقی دیاو

اسس جھے کا بنیادی مقصد ہیںرونی برقی دباو v اور اندرونی امالی برقی دباو e مسیں منسرق واضح کرنا اور ان سے متعلق تکنیکی اصطاعات کاتعبارت ہے۔

سشکل ۳۰۳ مسیں بے بوجہ  $i^{r}$  ٹرانسفار مسر و کھایا گیا ہے، لیمن اسس کا ثانوی کچھا کھیے دور ر کھیا گیا ہے۔ ابت دائی کچھے کی مسزاحت  $R_1$  ہے جس کو بسیرونی حبزو د کھایا گیا ہے۔ ابت دائی کچھے پر  $v_1$  برتی دباولوگو کرنے ہے ابت دائی کچھے مسیں پیجبان انگیے نرے گا۔ اسس پیجبان انگیے نربی روسے پیدامقت طبی دباو $v_1$  قالب مسیں مقت طبی بہاو ہی پیدا کر تا ہے جے درج ذیل مسیل امالی برقی دباو  $v_1$  پیدا کر تا ہے جے درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

$$(r.1)$$
  $e_1=rac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}=N_1rac{\mathrm{d}arphi}{\mathrm{d}t}$ 

اسس مساوات مسين

- $\lambda$  اہت دائی کچھے کی مقت طیسی بہاوے ساتھ ارتباط بہاوہے ،
- عن مقت طبیعی متالب مسیں مقت اطبیعی بہاوجو دونوں کچھوں مسیں سے گزرتی ہے،
  - ابت دائی کھے کے حپکرہیں۔ $N_1$  •

ابت دائی کچھے کی مسنزاح سے R<sub>1</sub> صف رہے ہونے کی صورت مسیں کر خوف کے وت انون برائے برقی دباوے تحت درج ذیل ہوگا۔

$$(\textbf{r.r}) \hspace{3cm} v_1 = i_{\varphi} R_1 + e_1$$

شکل ۳.۳ مسیں اسس مسزاحت کو بطور بسیرونی حسزو، ٹرانسفار مسر کے باہر، د کھیایا گیا ہے۔ اسس کچھے کی رستا  $e_1$  متعاملہ بھی ہو گی جے نظسرانداز کیا گیا ہے۔ عصوماً طباقت کے ٹرانسفار مسرول اور موٹروں مسیں  $i_{\varphi}R_1$  کی قیمت و

unloaded

excitation current \*2

با**ـــــ**۳. ٹرانسفارمــــر ۵٢

اور 0 کی قیمتوں سے بہت کم ہوتی ہے البیذااسے نظے رانداز کیا حساسکتا ہے۔ایب اگرتے ہوئے درج ذیل کھیا حساسکتا ہے۔

$$(r.r) \hspace{3cm} v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

سے وات  $v_1$ سے ثابت ہو تاہے کہ بیسرونی لا گوہرتی دباو $v_1$  اور اندرونی امالی برقی دباو $e_1$  دوعلیحہ ہ برقی دباو ہیں۔ ب جھے لینیا بہت ضروری ہے۔ مساوات ۳.۳ کے تحت  $v_1$  اور  $e_1$  کی مطاق قیمتیں (تقسریباً)ایک دوس

لچے اپیج**ان** <sup>۲</sup> کرنے سے مسراداسس پر ہیسہ ونی برقی دباولا گو کرناہے جب کہ لیچھے پر لا گوہیسہ ونی برقی د**باو کو ایجان انگیز برقی دباو**^۲ کتے ہیں۔ لچھے کو **بیحال شدہ** کچھے۲۹جب کہ اسس مسیں رواں برقی رو کو **بیحال خ انگیز برقیر رو ۳** کتے ہیں۔

کھے میں گزرتی مقت طیسی بہاو کا تب ملی ہے برتی دیاوجیاصل کساحیاسکتا ہے۔ٹرانسفار مسروں مسین ب کن کیمیا ہے برقی دیاو حساس کے باتا ہے۔ ساکن کچھ سے حساس برقی دیاو کو **اللہ برقی دیاو**ا <sup>۳</sup> کہتے ہیں۔ برقی دیاو کا حصول مقت طیسی مب دان مسیں کیھے کی حسر کت ہے بھی مسکن ہے۔اپے برتی دباو کو **محرکے برقیر دباو<sup>۲۲</sup> کہتے ہیں۔**یادرہے ان برتی دباومسیں کسی قشم کا ف رق نہیں ہوتا۔ انہیں مختلف نام صرف پہیان کی مناطب دیے حباتے ہیں۔

# میجان انگیزبرقی رواور مت ابی ضیاع

جب اں مقت اطبی و تالے مسیں بدلت امقت اطبی بہا و ثانوی کچھوں مسیں منائدہ مند برقی دباو پسیدا کرتا ہے وہاں ہے۔ مقت طیسی و تالب مسیں نقصان دہ برقی دباو کو بھی جسنم دیت ہے جس سے مقت طیسی و تالب مسیں مجھور نما برقی رو<sup>۳۳</sup> یں داہوتا ہے۔ تعب نور نما برتی رومقن طیسی تالہ میں برتی طب اتسے کے ضیاع کا سبب بنتا ہے جے مجھنوں نما برقی رو کا ضیاع <sup>۲۳</sup>یا مختصر اُ**قال**ی ضیاع ۳۰ کہتے ہیں۔ وت ابی ضیاع کو کم سے کم کرنے کے لئے مقت طبیعی وت الب کو ماریک لوہ کی **یزبال اس است** در تہد رکھ کر بنایا حباتا ہے۔ان پت ریوں پر غیبر موصل روغن <sup>۳۷</sup>کی تہد لگائی حباتی ہے تا کہ تعب نور نمب برقی رو کوروکا حب اسے۔ آپ دیکھیں گے کہ برقی مشین کا ت الب عبوماً ای طسرح بن یاحب تا ہے۔ مشکل ۱۵.۲ اور B - Hامیں B - Hمواد دیا گسیٹر موٹی M5 کستاری ہتری کا B - H مواد دیا گساہے۔

شکل ۵٫۳-الف مسین متالبی پت ریوں کے دواش کال دکھائے گئے ہیں۔ان کی مشکل وصورت کی بناانہ یں الکھے اور تا پین است ریاں پکارتے ہیں۔ شکل ۵.۳ ۔ ۔ مسین ایک بہت ریوں اور تین بہت ریوں کو دو طسرح آپ س مسین رکھا

۲۲جس سے طلب کی ذہن مسیں ہے عناط فہمی پیدا ہوتی ہے کہ ہے ایک ہی برقی دباوے دو مختلف نام ہیں۔

excitation voltage"

excited coil r9

excitation current".

induced voltage"

electromotive force, emf

eddy currents

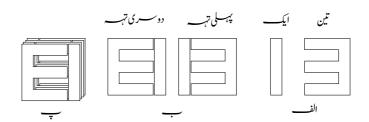
eddy current loss "

core loss ra

laminations

enamel "2

E.J



شکل ۵ بست: ت لبی پت ری کے اسٹیال اور ان کو تہے۔ در تہے رکھنے کا طبریقے۔

گیا ہے۔ ان دو طسر لقول سے انہیں تہد در تہد رکھا حباتا ہے۔ الہٰذا اگر پہلی تہد مسین ایک دائیں حبانب اور تین بائیں حبانب رکھا حبائے تواس کے اوپر دوسری تہد مسین ایک کوبائیں حبانب اور تین کودائیں حبانب رکھا حبائے گا۔ تیسری تہدہ مسین پھسر ایک کو دائیں اور تین کو بائیں حبانب رکھا حبائے گا، وغیسرہ۔ ای طسرت انہیں جوڑکر شکل ۳۰۸۔ پہمسین دکھایا گیافت الب حساصل کریاجباتا ہے۔

پیدا  $e_1$  کی مسزا جمسے کو مسئل ۳.۳ مسیں نظر رانداز کرتے ہیں۔ ہیجبان انگسیز برتی رو  $i_{\varphi}$  کی بنا امالی برتی دباو  $e_1$  ہیدا ہوتا ہے جو ہر صورت لاگو برتی دباو  $v_1$  کے برابر ہوگا۔ پوئکہ پو جھ کی بنا  $v_1$  سبدیل نہسیں ہوتا ہے لہذا پو جھ کی بنا  $e_1$  اور ہیجبان انگسیز برتی رو بھی تبدیل نہسیں ہول گے۔ یول بے بو جھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مسر مسیں ہیجبان انگسیز برتی روئی روئیک ان ہوتا ہے۔ جیسا مسئل ۱۸.۲ مسیں دکھیایا گیا ہے، تو کی ٹرانسفار مسر اور موٹروں مسیں برتی دباو اور مقناطیسی بہاوسائن نمی ہوتے ہیں جب ہول اگر مسین ہیجبان انگسیز برقی روغنے مرسائن نمی ہوتا ہے۔ یول اگر

$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$

$$\hat{\varphi} = \phi_0 / -90^\circ$$

ہوتے۔

$$e_1=N_1\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=\omega N_1\phi_0\cos\omega t$$
 
$$\hat{E_1}=\omega N_1\phi_0\underline{/0}$$

 $p^{\rm eng}$ ى يېسان  $p^0$ مقىناطىيى بېسان كے حيط كو ظساہر كرتى ہے اور  $\omega$  زاويائى تعبداد ارتعب مشكل  $p^0$  كو خساہر كرتى ہے جہاں  $p^0$  كا قىداد ارتعب مشكل  $p^0$  كا قىداد ارتعب مشكل  $p^0$  كا قىداد ارتعب ميں د كھيا گسيا ہے  $p^0$  اور  $p^0$  كا قى  $p^0$  كا تعبداد ارتعب موثر قيم بين موثر بين موثر قيم بين موثر بين موثر قيم بين موثر تي بين موثر تي موثر تي موثر تي موثر تي بين موثر تي موثر تي بين موثر تي موثر تي موثر تي موثر تي موثر تي بين

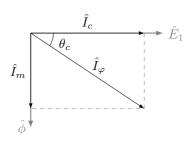
$$E_{rms}=\frac{\omega N_1\phi_0}{\sqrt{2}}=4.44fN_1\phi_0$$

ہے جس سے درج ذیل لکھ حب سکتا ہے۔

$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44f N_1 \phi_0} \label{eq:phi0}$$

"آس مساوات مسیں اور اس کے بعد پوری کتاب مسین امالی برقی دباو کے ساتھ منفی عسلامت نہیں لگائی گئی ہے۔

۵۴ باب ۳. ٹرانسفار مسر



*ٹ*کل ۲ .۳: مختلف دوری سمتیوں کے زاویے۔

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر رثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک لچھے پر  $E_{rms}$  موثر برقی دباولا گو کیا حبائے تو یہ لچھ است ہیجبان انگلینز برقی روہ i گررنے دیتا ہے جس سے نمودار ہونے والامقت اطبی بہباو مساوات 2.7 مسین دیے گئے مقت اطبی بہباو میں وہ کے برابر ہوتا ہے۔ حقیقت سے صرف ٹر انسفار مسر بلکہ کی بھی مقت اطبی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔ منسفی مقت طبی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔ منسفی مقت طبی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔ منسفی مقت میں دکھ ایا گیا ہے، کو کسی بھی مفت میں نہب اور گاری بھی عفی سرسائن نمسا مقت میں دکھ ایا گیا ہے، کو کسی بھی عفی سرسائن نمسا مقت میں دکھ کی کا مصرح فور بیٹر تسل ۳۰ سے درج ذیل کھی حساست سکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{\Lambda}) \qquad \qquad i_{\varphi} = \sum_{n} \left( a_{n} \cos n\omega t + b_{n} \sin n\omega t \right)$$

اس ت ل میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جزوا  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جنسانی جنسانی جنسانی جنسانی جنسانی جنسانی جارت جنسانی جنسانی

ماسوائے جیب ہیجبان انگیسنز برتی روکے اثرات پر خور کیا جب ارہا ہو، ہم ہیجبان انگیسنز برتی روکے غیسر سائن نمسا ہونے کو نظسر انداز کرتے ہیں۔ یوں مساوات ۸.۳ مسیں موسیقائی احب زاء کو نظسر انداز کرتے ہوئے،  $a_1$  کو  $b_1$  اور  $b_1$  کو کھرکر درج ذیل کھا حب سکتا ہے۔

$$i_{arphi}=I_{c}\cos\omega t+I_{m}\sin\omega t$$

Fourier series ".

fundamental component

harmonic components"

core loss component

magnetizing current

 $\sin \omega t = \cos(\omega t - 90)$  هم  $\sin \omega t = \cos(\omega t - 90)$ 

$$\hat{I}_{\varphi} = I_c / 0 + I_m / -90$$

یادرج ذیل محنلوط عبد د کی روپ مسین کھے سکتے ہیں (شکل ۲۰۳)۔

$$I_{\varphi}=I_{c}-jI_{m}$$

 $\bar{e}$  تو گرانسفار مسر کا بیجبان انگسیز برقی رواسس کے کل برقی رو مسم کا تقسیر بیا  $\bar{e}$  فی صد ہوتا ہے لہنذ ااسس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔

یوں ہم بیجبان انگسیز برقی رو کوس کُن نی اتصور کر کے اسس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئل پر غور کرنا آسان

ہو جباتا ہے۔ اسس و مسرضی سائن نمی بیجبان انگسیز برقی رو  $\hat{I}_{\varphi}^{rms}$  کی موثر قیمت  $I_{\varphi,rms}$  ، اصل بیجبان انگسیز برقی رو کی موثر قیمت کے برابر رکھی حباتی ہے جب اسس کا ذاویہ کی لیوں رکھی حب تا ہے کہ اسس سے حساس برقی ضیاع اصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل ۲۰۱۳ کی مدد سے ہیا ہے۔ سیجھی زیادہ آسان ہے۔ وت ابی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل ۲۰۱۳ کی مدد سے ہیا ہوا است درست ثابت ہو۔

$$p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$$

دباو $\hat{I}_{c}$ ے  $\theta_{c}$  تاخیسری ہوگا۔

# 

 $N_2$  ہم مشکل  $N_2$  کی مدد سے ٹر انسفار مسر کا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم مسنرین کرتے ہیں کہ ابت دائی گجھ  $N_1$  اور ثانوی گجھ کے حکر کا ہے اور دونوں گجھوں کی مسنزا تمسیں صف رہیں۔ ہم مسنزید مسنرین کرتے ہیں کہ پورامقٹ طبیبی بہب و حسالب مسیں برقی توانائی ضائع نہیں ہوتی ہے اور وسالب کا مقت طبیبی مستقل اسن بڑا ہے کہ ہجیبان انگسیز برقی رومت بل نظر انداز ہے۔ برقی رو $i_2$  اور  $i_2$  کرنے پول رکھے گئے ہیں کہ ان سے ہید امقت طبیبی ہمساور میں۔ ایک دوسرے کے محت الف رخ ہیں۔ امسل ٹرانسفار مسر ران با تول پر تقسیریب پورا اثر تا ہے۔ ایسے ٹرانسفار مسر کو کا مسل ٹرانسفار مسر کا سینیس ہیں۔ ایسے ٹرانسفار مسر کا کا میں۔ ایسے ٹرانسفار مسر کا کی ہوں۔

کامسل ٹر انسفار مسسر کے ابت دائی کیجھے پر بدلت ابر تی دباو $v_1$ لاگو کرنے سے متسال سے مسیں بدلت امقت اطلیمی بہب او  $\varphi_m$  پیسید است دائی کیچھے مسیس، لاگو برتی دباو $v_1$  کے برابر، امالی برقی دباو  $e_1$  پیسید اکر تاہے۔

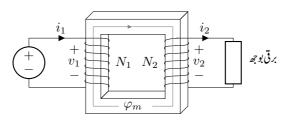
$$v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

یمی مقت طبیسی بہب و دوسے سے بھی گزرے گا اور اسس مسین  $e_2$  امالی برقی دباویسید اکرے گا جو ثانوی سسروں پر برقی دباو $v_2$  کی صورت مسین نمو دار ہوگا۔

$$v_2 = e_2 = N_2 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

 $a^{lpha b}$  برقی برق روے مسراد دوہ بق روب جو کل برقی بو تجدلادنے ہے مساس ہوتا ہے۔  $a^{lpha b}$  براتی برلست برقی روپ  $a^{lpha b}$  اللہ برلست برقی روپ  $a^{lpha b}$  اللہ ideal transformer.

۵۲ پاپ ۳۰ ٹرانسفار مسر



<u> شکل ۷.۳: بوجه بر دار کام ل ٹرانسفار مسر۔</u>

مساوات ۳۰٫۳ کومساوات ۱۴٫۳ سے تقسیم کرتے ہوئے درج ذیل رشتہ حساصل ہو تاہے

(r.12) 
$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}}{N_2 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

جس کے تح<mark>ت کامسل ٹرانسفار مسردونوں کچھوں کے حسکروں کی نبیت سے تبادلہ برقی دباو<sup>م م</sup>کر تاہے۔ کامسل ٹرانسفار مسیر مسین طباقت کا ضیاع نہیں ہوتا ہے المہذا انسس کو ابت دائی حسانب جتنی برقی طباقت منسراہم کی حسائے وہ اتنی برقی طباقت ثانوی حسانب دے گا:</mark>

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

درج بالامساوات\_\_

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

کھا حب سکتاہے جس کومساوات ۱۵.۳ کے ساتھ ملاکر درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

$$rac{v_1}{v_2}=rac{i_2}{i_1}=rac{N_1}{N_2}$$

ساوات ۱۸.۳ اٹرانسفار مسرکی تبادلہ برقی دباواور ت**بادلہ برقی** رو<sup>وس</sup> کی حناصیت پیش کرتی ہے جے عصوماً دو حصوں مسیں لکھیا جباتا ہے:

$$( au.$$
او)  $rac{v_1}{v_2}=rac{N_1}{N_2}$  تب دله برقی دباو  $rac{i_1}{i_2}=rac{N_2}{N_1}$  تب دله برقی رو

اسس مساوات کا پہلی حسنرو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مسر کی دونوں حسانب برقی دباو دونوں اطسراف کے حسکروں کا راست مستناسب ہوگاجبکہ مساوات کادوسسری حسنرو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مسیر کے دونوں اطسراف برقی روحسکروں کا العکس مستناسب ہوگا۔

voltage transformation (A)

مثال ٣٠٠: مشكل ٢٠٠٤ مسين درج ذيل ليت ہوئے ٹرانسفار مسركي دونوں حبانب برقی دباواور برقی رومعلوم كريں۔

$$\hat{V_1} = 220\underline{/0}$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 
 $Z = R = 10 \Omega$ 

حسل: ابت دائی حبانب برقی د باو 220 وولٹ دیا گیا ہے۔ ہم ثانوی حبانب برقی د باو کو مساوات ۱۹٫۳ کے پہلی حب زو کی مد دے حباصل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1}\hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220/0 = 22/0$$

ثانوی دباو 22 دولہ ہے جو ابت دائی دباو کے ہم ت دم ہے۔ ثانوی برقی دباو 10 او ہم کی مسنزاحمت مسین برقی روپیدا کرے گا جے او ہم کے وت نون سے حسامس کرتے ہیں:

$$\hat{I}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

ثانوی رو2.2 ایمپیئر ہے۔ابت دائی رومساوات ۱۹.۳ کے دوسسری حسنروسے حساصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اسس مثال کے نتائج ایک جگہ کھھ کران پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220\underline{/0}, \quad \hat{V}_2 = 22\underline{/0}, \quad \hat{I}_1 = 0.22\underline{/0}, \quad \hat{I}_2 = 2.2\underline{/0}$$

اہت دائی دباو ثانوی دباو کے دسس گن ہے جبکہ برقی رو مسین قصہ النہ ہے۔ ثانوی رو اہت دائی رو کے دسس گن ہے۔ طباقت دونوں اطسران برابر ہے۔ یہاں رک کر اسس بات کو انچھی طسرح سنجھ لیں کہ جس حبانب برقی دباوزیادہ ہو تاہے اسس حبانب برقی رو کم ہوگا۔ یوں زیادہ دباولچھ کے حیکر زیادہ ہوں گے اور اسس کچھے مسین نبتاً باریک برقی تار استعمال ہوگی جب کہ کہ دباولچھ کم حیکر کا ہوگا اور اسس مسین نسبتاً موٹی برقی تار استعمال ہوگی۔ موٹی تار زیادہ رو گزارنے کی سکت رکھتی ہے۔

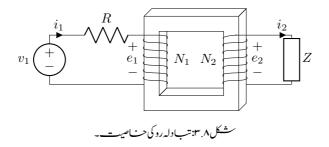
م میں ہے۔ میں میں معنوب الاپر سشکل ۱۰٫۳ الف میں رکاوٹ  $Z_2$  کو بدلتے منبع دباو  $\hat{V}_1$  کے ساتھ ایک ٹرانسفار مسر کے دریے درج ذری و ماست کی روسشنی مسین رکاوٹ مسین برقی رواور طباقت کا ضیاع دریافت کریں۔

$$\hat{V}_1 = 110 / 0$$
,  $Z_2 = R + jX = 3 + j2$ ,  $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 

حسل: ٹرانسفار مسر کی شبادلہ برقی دباو کی حضاصیت کے تحت اہت دائی 110 وولٹ دباو ثانوی حبانب درج ذیل دباو  $\hat{V}_{s}$ 

$$\hat{V}_s = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

بابسس". ٹرانسفار مس ۵۸



يوں ثانوي رو

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11/0}{3+i2} = 3.05/-33.69^{\circ}$$

اور رکاوٹ مسیں برقی طباقت کاضیاع  $p_z$  درج ذیل ہوگا۔

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$

# ثانوی حبانب بوجه کاابت دائی حبانب اثر

شکل ۸.۳ مسیں ابت دائی کیھے کی تار کی مسزاحت کو R سے ظاہر کے اگریا ہے جبکہ ثانوی حبانب بوجھ Z ہے۔ منسرض کریں ہم Z اتار کرٹرانسفار مسر کے ثانوی سرے کھلے دور کرتے ہیں۔ بے بوجھ ٹرانسفار مسر کی ابت دائی حبانب برلت برقی دباوی  $v_1$  کیچے مسیں بیجبان انگینے نربرقی روہ iپیدا کرے گاجس کا مقت اطبی دباوی  $N_1 i_{o}$  مت الب رخ مقت طبیمی ہیساوq ۵۰ پیدا کرے گا۔ ہیساوq ابت دائی کچھے مسیں  $e_1$ امالی برقی دیاویپیدا کر تاہے۔

$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

ابت دائی رو، منسراہم کر دہ دیاواور ابت داامالی دیاو کا تعسلق مت انون اہم سے کھیا حساسکتا ہے۔

$$i_{\varphi} = \frac{v_1 - e_1}{R}$$

اہے ہم ثانوی حبانب برقی ہو چھ Z لادتے ہیں۔ بو جھ بر دارٹر انسفار مسر اھے ثانوی حبانب برقی رو $i_2$ رواں ہو گا جس کی وحب سے N<sub>2</sub>i<sub>2</sub> مقت طبیعی دباووجو دمسیں آئے گا۔ بے مقت طبیعی دباوت الب مسیں گھٹڑی کے مخت الف رخ مقت طبیعی ہہاوج ہ

 $<sup>\</sup>varphi_m$ ويبال  $\varphi_m$ كها گياہے۔

پیداکرے گا۔ یوں وت الب مسیں مقن طبی بہب وتبدیل ہو کر ( گھٹ کر)  $\varphi_m - \varphi_2 = \omega$  اور ابت دائی کچھے مسیں امالی دباو گھنے کی وجب سے ابت دائی روبڑھے گا۔ مساوات ۲۱.۳ کے تحت امالی دباو گھنے کی وجب سے ابت دائی روبڑھے گا۔

آپ نے دیکھا کہ ثانوی حبانب کارو متالب مسیں مقت اطیعی بہاوتبدیل کرکے ابت دائی کچھے کو ہو جھ کے بارے مسین خب دار کر تاہے۔

آئیں R کی قیمت کو نظسرانداز کرتے ہوئے بے بو جھ ٹرانسفار مسیر سے مشیروع کر کے اسس عمسل کو زیادہ بار کی سے وکھسے میں ٹیمسیں ٹیمسیں ٹیمسیان انگسینررو  $v_1$  و سنداہم کرنے ہے استدائی کچھ مسیں ٹیمسیان انگسینررو  $v_1$  وسنداہم کرنے سے استدائی کچھ مسیں امالی دباو  $v_1$  و سیدا مقن طلبی دباو مسلط کر کے اسس مسیں گھسٹری کے رخ بہب و  $v_1$  و پیدا کرے گا۔ یہ بہب او کچھ مسیں امالی دباو  $v_1$  و استدائی کچھے کی مسیزا جمہ نظامی انداز کرتے ہوئے  $v_1$  و  $v_1$  و وگالہند امساوات  $v_2$  و اختیار کرتے ہوئے گارتی ہوئی کرتے ہوئے گارتی ہوئی کرتے ہوئے گارتی ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کے کمسین انتہاں کرتے ہوئی کے کمسین کرتے ہوئی کرتے ہوئی

$$(\textbf{r.rr}) \hspace{1cm} v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

اب ٹرانسفار مسر پر Z بوجو ڈالتے ہیں۔ اسس بوجو کی بت ٹانوی کچھے مسیں  $i_2$  روپسیدا ہو گاجو و تالب پر گھسٹری کے مسالف رخ ہیاو و  $\varphi_2$  ہیں۔ اسس مسیں گھسٹری کے مختالف رخ ہیاو و  $\varphi_2$  پیدا کرے گا۔ اگر جو کا مسلم محتالف رخ ہیں ہو جب کے گاور ابت دائی کچھے مسیں کچھ نہ کسیا جب کے مسیل مقت طبیعی ہیں و گھسٹری ہے و و سال ہے جو نکہ  $e_1$  کو ہر صورت املان دباو گھسٹ حبائے گا۔ مساوات  $v_1$  کی تحت سے ایک نامسکن صورت حسال ہے چونکہ  $e_1$  کو ہر صورت میں برقی مسیل برقی ہونا ہو گا گا۔ مساوات بول کی تول ہے)۔ لہذا و جو کے برا پر ہونا ہو گا گا و رہ سے بیدا مقت طبیعی دباو  $v_1$  کی تول ہے)۔ لہذا و جو کہ مقت طبیعی دباو میں مقت طبیعی دباو میں مقت طبیعی دباو صفح ہوں کے ان کو مسیل ہوگا۔ میں برقی میں برقی میں میں مقت طبیعی دباو صفح کے مسیل ہوگا۔

$$(r.rr) N_1 i_1 - N_2 i_2 = 0$$

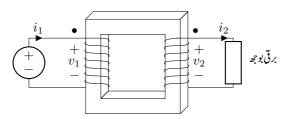
درخ بالامساوات مسین دونوں دباوا یک دوسرے کے مختالف رخ ہیں لہنہ ذاان کا محبوعہ در حقیقت ان کے مضرق کے مختالف رخ ہیں لہنہ ذات کا محبوعہ در حقیقت ان کے مضرق کے برابر ہوگا۔ مقتاطیبی دباو 12 اور 20 مقالب مسین ایک دوسرے کے مختالف رخ ہیں لہنہ ذات ہا ہے۔ دوسرے کے اثر کو مکسل طور پر حضتم کرتے ہیں۔ یوں بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مسیر دونوں مسین مقت طیبی بہاوس کے برابر ہوگا۔ مساوات ۲۳۳۳ سے شیاد لہ دوکا کلی دائسترک سیاحت مگتا ہے:

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

# ۳.۷ ٹرانسفار مسر کی عسلامت پر نقطوں کامطلب

شکل ۹٫۳ مسیں جس لمحسب پر ابت دائی کچھے کا بالائی سر مثبت برتی دباو پر ہو،اسس لمحسب پر ثانوی کچھے کا بالائی سر مثبت دباو پر ہو۔اسس حقیقت کو کچھوں پر نقطوں سے ظاہر کمپا گئے ہے۔ اسس حقیقت کو کچھوں پر نقطوں سے ظاہر کمپا گئے ہے۔ یوں نقطی سسر دل پر دباو ہم متند ید ابت دائی کچھے کے نقطی سسر سے مثبت برتی روکچھے مسیں داحسل جب کہ ثانوی کچھے کے نقطی سسر سے مثبت برتی روکچھے سے سنارج ہوگی۔

۲۰ باپ ۳. ٹرانسفار مبر



شكل ٩٠ ٣: ٹرانسفار مسركى عسلامت مسين نقطوں كامفہوم۔

#### ۳.۸ رکاوٹ کاتسادلہ

 $V_1$  اس حصہ مسیں کامسل ٹرانسفار مسیرں کاوٹ کے شبادلہ پر غور کسیاحب نے گا۔ مشکل ۱۰.۱۰-الفہ مسیں ایک ٹرانسفار مسرد کھیایا گئی ہے جس کی استدائی حبائب سائن نمیابر قی دباو  $V_1$   $V_1$   $V_2$   $V_3$   $V_4$   $V_5$   $V_6$  کی نشاندہ کی کرتے ہیں۔ سمتی استعمال کئے حبائیں گے۔ ٹرانسفار مسر پر نقطے ہم صدم سروں کی نشاندہ کی کرتے ہیں۔ جب سے بین اور آگا اور  $V_4$  آپس مسیں ہم صدم جین اور ای طسرح برقی رو  $V_4$  آپس مسیں ہم صدم

جیسے اوپر ذکر ہوا، برقی دباو  $ar{V}_1$  اور  $ar{V}_2$  آپس مسیں ہم ت م بیں اور ای طسرح برقی رو  $ar{I}_1$  اور  $ar{I}_1$  آپس مسیں ہم ت م مرم ہیں۔ مساوات ۱۵٫۳ اور مساوات ۲۴٫۳ کو دوری سمتیہ کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$\hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{V_2}$$
  $\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)\hat{I_2}$ 

حنارجی دباو،رواور رکاوٹ کاتعساق متانون اہم سے لکھتے ہیں۔

(ר.۲۲) 
$$Z_2=rac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}}=|Z_2| \underline{/ heta_z}$$

مساوات ۲۵.۳ سے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے جب ان آحضری متدم پر رکاوٹ کی قیمت پر کی گئی ہے۔

$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

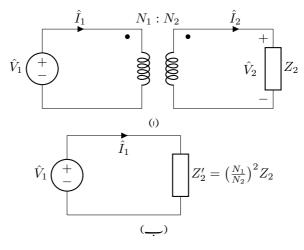
يول داخشلى رو درج ذيل ہو گا۔

$$\hat{I_1} = rac{\hat{V_1}}{(N_1/N_2)^2 Z_2}$$

 $Z_2^\prime$ سکا  $Z_2^\prime$ اوٹ  $Z_2^\prime$  ورج ذیل قیت کے رکاوٹ  $Z_2^\prime$  کو نسراہم کیا گیا ہے۔

$$Z_2' = \left(rac{N_1}{N_2}
ight)^2 Z_2$$

۸٫۳٫۸ وپ کاتب دله



مشکل ۱۰.۳: ٹرانسفار مسر کی حناصیت تبادلہ رکاوٹ۔

آپ تسلی کرلین که اسس دور مسین بھی  $\hat{V}_1$  کابر قی رومساوات ۲۸.۳ دیتی ہے۔ مسلوات ۲۸.۳ سے نبیت  $\frac{\hat{V}_1}{\hat{I}_1}$  کابر قارب است وات ۲۸.۳ سے نبیت  $\frac{\hat{V}_1}{\hat{I}_1}$  کابر ابر ہے۔

$$rac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}}=Z_2'=\left(rac{N_1}{N_2}
ight)^2Z_2$$

دونوں ادوار سے  $\hat{V_1}$  کی طباقت درج ذیل حساصل ہوتی ہے۔

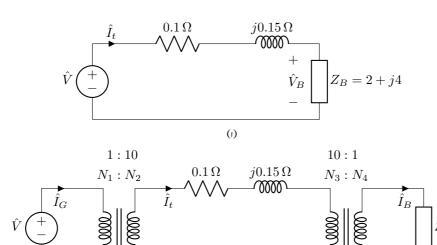
$$p=\hat{V_1}\cdot\hat{I_1}=\frac{V_1^2\cos\theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2|Z_2|}$$

یوں حب کرنے کے نقطہ نظے رہے ہم  $\hat{V}_1$  کو مساوات ۲۹٫۳ مسیں دی گئی قیمت کے رکاوٹ  $Z_2'$  پرلاگو کرتے ہوئے  $\hat{V}_1$  کابر قار واور طباقت حبان سکتے ہیں۔  $\hat{V}_1$  منبع  $\hat{V}_1$  کو مشکل ۱۰۰۳ الف اور ب مسیں کوئی وضرق نظے رہیں آتا ہے۔ اسس کے ساتھ ٹرانسفار مسر کے ذریعی وزید کر آسفار مسر کے جو ڈنا ایک برابر ہے۔ ٹرانسفار مسر  $Z_2$  جو ڈنا ایک برابر ہے۔ ٹرانسفار مسر کے  $Z_1'$  جو ڈنا ایک برابر ہے۔ ٹرانسفار مسر کی اسس صناصیت کوتباولہ رکاوہ میں کو درج ذیل مساوات بہان کرتی ہے۔ ٹرانسفار مسر کی اسس صناصیت کوتباولہ رکاوہ ہما کو جو ان کرتی ہے۔

(r.rr) 
$$Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

impedance transformation or

۲۲ باب۳. ٹرانسفار مسر



(\_\_\_)

### شكل ١١.٣: برقى طباقت كى منتقلي ـ

ہم حساب کرنے کی حن طسر رکاوٹ کوٹر انسفار مسر کی ایک حبانب سے دوسسر می حبانب منتقبل کر سکتے ہیں۔ مثال ۲۰۰۳: مشکل ۱۱۰۳-الف مسین رکاوٹ  $Z_B$  کابر قی بوجھ ایک جہنسریٹ پر لدا ہے۔ بوجھ تک برقی طباقت دو برقی تاروں کے ذریعہ منتقبل کے آئیا۔ ان تاروں کا محبوعہ رکاوٹ  $Z_t$  ہے۔ مسین جنسریٹ کی قسین جنسریٹ کی قسین نسب برقی دباویڑھ ان جا والاٹر انسفار مسر برقی دباوکو دس گنا بڑھا تا تا ہے۔ دونوں ٹر انسفار مسروں کے تصدیب نسب برقی دباوگھ نائے والاٹر انسفار مسر برقی دباوکو دس گٹ گھٹا تا ہے۔ دونوں ٹر انسفار مسروں کے نئی تاروں کا محبوعہ درکاوٹ  $Z_t$  جب کہ باقی مستعمل تاروں کی رکاوٹ وسایل نظر انداز ہے۔ دونوں امشکال مسین

$$Z_B = 2 + j4$$
,  $Z_t = 0.1 + j0.15$ ,  $\hat{V} = 415/0$ 

لستے ہوئے

• برقی بوجھ پربرقی دباومعلوم کریں،

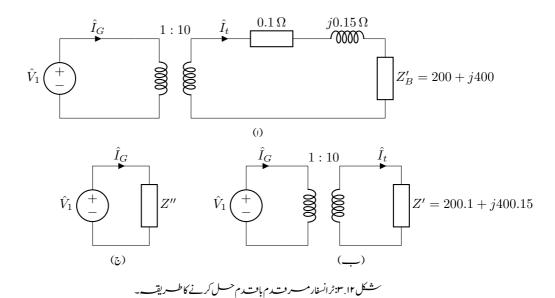
برقی تاروں مسیں برقی طاقت کاضیاع معلوم کریں۔

حسل الفي:

$$\hat{I}_t = \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415\underline{0}}{0.1 + j0.15 + 2 + j4}$$

$$= \frac{415\underline{0}}{2.1 + j4.15} = \frac{415\underline{0}}{4.651\underline{63.15}}$$

$$= 89.23\underline{/-63.159^\circ} = 40.3 - j79.6$$



یوں ر کاوٹ پر بر قی دہاو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$
  
= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تارول مسین برقی طاقت کاضیاع درج ذیل ہوگا۔

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

حل ہے: مشکل ۱۱٫۳ اور مشکل ۱۲٫۳ ہے رجوع کریں۔ مشکل ۱۱٫۳ مسیں ٹرانسفار مسر  $T_2$  کے ثانوی رکاوٹ کو مساوات ۲۹٫۳ کی مدد سے ابت دائی حبائب منتقت کرتے ہیں۔

$$Z_B' = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل ۱۲.۳-الف حساسل ہو تا ہے جس مسیں برقی تار کار کاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار حبیرے میں۔ان کے محب وعہ کو Z

$$Z' = Z_t + Z'_B = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

لکھتے ہوئے مشکل ۱۲٫۳-ب حساصل ہوتا ہے۔ایک مسرتب دوبارہ مساوات ۲۹٫۳استعال کرتے ہوئے 'Z' کو ٹرانسفار مسرکے ابت دائی حسانب منتقبل کرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

۱۲ مبر ژانسفار م**ب**ر

شکل ۱۲.۳ ـ یا او گاجس سے جنسریٹر کابر تی رودرج ذیل ہوگا۔

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + j4.0015} = 92.76 / -63.432^{\circ}$$

سکا ۱۲.۳  $\hat{I}_t$  ساسل کرتے ہیں۔  $\hat{I}_t$  ساسل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I_G} = \left(\frac{1}{10}\right)92.76 / -63.432^\circ = 9.276 / -63.432^\circ$$

يوں برقی تار مسیں طاقت کاضیاع درج ذیل ہوگا۔

$$p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$$

ای طسرح مشکل ۱۱٫۳ امسین  $\hat{I}_t$  حیانتے ہوئے تبادلہ برقی روسے

$$\hat{I}_B = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)\hat{I}_t = \left(\frac{10}{1}\right)9.276/-63.432^{\circ}$$

$$= 92.76/-63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9$$

حاصل کیا حباسکتاہے۔رکاوٹ پربرقی دباو درج ذیل ہوگا۔

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

بغیبہ ٹرانسفار مسر استعال کیے برقی تاروں مسین طباقت کاضیاع 796 واٹ جبکہ ٹرانسفار مسر استعال کرتے ہوئے صوف 6.8واٹ یعنی 92گٹ کم ہے۔ای مسین ٹرانسفار مسر کی مقبولیت کاراز ہے۔

## P.9 ٹرانسفار مسر کے وولٹ وایمپیئر

ٹر انسفار مسسر کی دونوں حبانب برتی دباو کچھوں کے حپکروں پر مخصصر ہوتا ہے۔ٹر انسفار مسسر ایک مخصوص برتی دباو اور برتی روکے کے بستایا حباتا ہے۔ٹر انسفار مسسر باتا ہے۔ ٹر انسفار مسسر باتا ہے۔ ٹر انسفار مسسر باتا ہے۔ ای طسسر آٹر انسفار مسسر بناوٹی برتی دباویر بھی استعمال کیا حب سکتا ہے۔ جھتی استعمال مسین ٹر انسفار مسسر کا برتی روعے مابستاوٹی قیمت سے کم ہوتا ہے۔ حقیق استعمال مسین ٹر انسفار مسسر کا برتی روعے مابستاوٹی قیمت سے کم ہوتا ہے۔ سب دلیرتی دباوا ور سبادلیرتی روکی مساواتوں (مساوات سال ۱۹۔۳) کو آپ مسین ضرب دے کر

$$\frac{v_1}{v_2} \frac{i_1}{i_2} = \frac{N_1}{N_2} \frac{N_2}{N_1} = 1$$

حساص ہوتا ہے جس کے تحت ایک حبانب کے برقی دباواور برقی روکاحساصل ضرب دوسسری حبانب کے برقی دباواور برقی روکے حساصل ضرب کابر ابر ہوتا ہے۔ درج بالا کوعسوماً درج ذیل لکھاحب تا ہے۔

$$(r.rr) V_1I_1 = V_2I_2$$

برتی دیاد اور برتی روکے حساصل ضرب،  $V_2I_2$  یا  $V_2I_2$ ، کوٹر انسفار مسیر کے دولٹ ضرب ایمپیئر یا مختصر ا**وول** ہے و ایمپیئر میں کہتے ہیں <sup>۱۹</sup> ہوٹر انسفار مسیر کے برتی مشار میں مشار موٹر اور جسند بیٹ ہوٹر انسفار مسیر کے بنیادی اصولوں پر کام کرتے ہیں، پر نسب معسلوماتی شختی پر ان کاسکست، بیٹ وٹی برقی دیاواور بیٹ وٹی تعسد اد کھی حیاتا ہے۔ یوں ٹر انسفار مسیر کے دولٹ وایمپیئر درج ذیل ہوں گے۔

$$(\mathfrak{m},\mathfrak{m})$$
 وولئ وايمپير $=V_1I_1=V_2I_2$ 

مثال ۵۰۰ تا کیے 25000 وولٹ وایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مسرکے زیادہ برقی دباو کی حبائی 11000 وولٹ لاگوہیں۔

- اسس کی ثانوی حبانب زیادہ سے زیادہ کتنابر قی بوجھ ڈالاحباسکتاہے؟
- زیاده سے زیاده برقی بوجھ پرٹرانسفار مسر کاابت دائی برقی روحیا صل کریں۔

حسل:اسس ٹرانسفار مسرکی معسلومات درج ذیل ہیں۔

 $25 \text{ kV A}, \quad 11000: 220 \text{ V}$ 

تبادلہ برقی دباو کی مساوات سے ثانوی برقی دباو 220 وولٹ حسامسل ہو تا ہے۔ ثانوی یعنی کم برقی دباوحب نب زیادہ سے زیادہ برق رومساوات ۳۴٫۳سے حسامسل ہوگا۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اس طسرح استدائی حبانب زیادہ سے زیادہ برقی رواس مساوات سے حسامسل ہوگا۔

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

ٹر انسفار مسرکی دونوں حبانب کچھوں مسیں استعال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی حباتی ہے کہ ان مسیں کثافت برقی مول می حباتی ہے کہ ان مسیں کثافت برقی مول کی مسزاحت مسیں برقی روگزرنے سے برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے تارگرم ہوتی ہے۔ ٹر انسفار مسرکے برقی روکی حد کچھوں کی گرمائٹس پر مخصسہ ہوتی ہے۔ تارکی زیادہ سے در حب مسرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا حباتا ہے۔ زیادہ در حب حسرارت سے تارپر لگارہ عن حضراب ہوگا اور تارکا ایک حیکر دوسرے حیکر کسرا تھے قصر دور ہوگا۔ ایس ہونے ہے ٹر انسفار مسرحبل کر حضراب ہوجباتا ہے۔ بڑے ٹر انسفار مسرکا قتال اور کچھے عنیب موسل تسیل سے جمسری ٹیسٹی مسیں ڈیو کر رکھے حباتے ہیں۔ اسس برٹے ٹر انسفار مسرکا قتال ہونے کی بنا) مختلف برقی سے کو ٹر انسفار میں ہونے کی بنا) مختلف برقی سے سے کو ٹر انسفار میں ہونے کی بنا) مختلف برقی سے سے کو ٹر انسفار میں ہونے کی بنا) مختلف برقی سے سے کو ٹر انسفار میں ہونے کی بنا) مختلف برق

volt-ampere, VA

۵۴ ووائے وائیمییئر کوعہ وماُ کلو ووائے وایمییئر لعنی kV Aمسیں بیان کیا جہا تاہے۔

ما 1000 kV A مرانسفار مسركي لچھوں مسين كثافت برقى روتقت ريباً A/mm كر كھى حباتى ہے

transformer oilay

باب ۳۰ برانسفار مسر

ٹرانسفار مسر سیل گرم ہو کر پھیلت ہے جس کی بن اسس کی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹیسنگی مسیں گرم سیل اوپر اور مخسنڈ اسل کی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹیسنگی مسیں گرم سیل اوپر ہو مخسنڈ اکرنے کے لئے ٹیسنگی کے ساتھ بہت سارے پائپ منسلک کئے جب تے 20 جن مسیں گرم سیل اوپر سے داحنل ہوتا ہے۔ پائپ کا سطحی رقب زیادہ ہونے کی بن اہوا اے حبلہ ٹھنڈ اکرتی ہے ، اسس مسیں سیل کا در جب حسر ارت گھٹ اور کثافت بڑھتی ہے۔ ٹھنڈ اسیل پائپ مسیں ینجے حسر کت کرتے ہوئے دوبارہ ٹیسنگی مسیں داحنل ہوتا ہے۔

## ۳.۱۰ ٹرانسفار مسرکے امالہ اور مساوی ادوار

# ا.۱۰.۱ کچھے کی مسنزاحمت اور متعاملہ کی علیحہ د گی

ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھے کی مسزاحمت ہے۔ پر حصہ ۳۰۳، مساوات ۲۰۳۰ مسیں بات کی گئی جبال مسزاحمت کو کچھے سے علیحہ د کچھے سے باہر سلماد وار حب ٹراد کھایا گیا تھا۔ آئیں دیکھیں ہم حساب کی حناطسر کیے مسزاحمت کو کچھے سے علیحہ دہ کر سکتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$
  
=  $\hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left( j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$ 

ہےجسمسیں

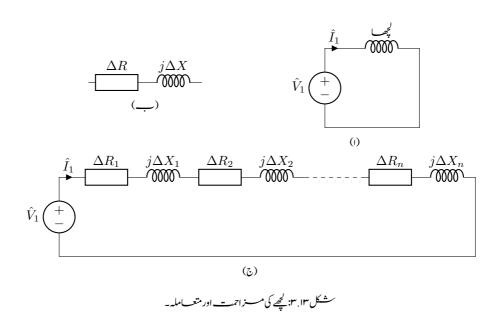
$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

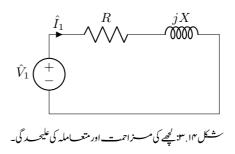
لکھ کر درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

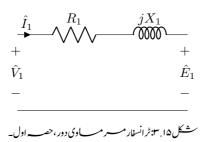
$$\hat{V}_1=\hat{I}_1\left(R+jX
ight)$$

شکل ۱۴.۳ ہے بھی مساوا۔۔۔ ۳۵.۳ ککھی حبا سکتی ہے۔ یوں حساب کی حناطسر کچھے کی مسزاحہ۔۔ اور متعاملہ علیحہ دیے حبا کتے ہیں۔

۵۵ وایڈا کے ٹرانسفار مسر کا بسیر ونی حسب انہسیں پائیوں پر مشتمل ہو تا ہے۔







#### ۳.۱۰.۲ رستااماله

یہاں تک ہم کامسل ٹرانسفار مسر پر بحث کرتے رہے ہیں۔ اب ہم ٹرانسفار مسرمسیں ان عساصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وحب سے ٹرانسفار مسر غنیسر کامسل ہوتا ہے۔ بہت ہی حبالہوں پر ٹرانسفار مسر استعال کرتے وقت ان عساصر کو مدِ نظسر رکھناضروری ہوتا ہے۔ ان عساصر کے اثرات کو صامسل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مسر کامساوی دور بناتے ہیں۔

ابت دائی کچھے کے مقن طیبی بہب و کو دو حصوں مسین تقسیم کیا جب سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو مت الب سے گزر کر ابت دائی کچھے دونوں کے اندر سے گزر تا ہے۔ یہ مشتر کہ مقن طیسی بہب او ہے۔ دوسر احصہ وہ جو صرف ابت دائی کچھے کے گزر تا ہے۔ اس کور متا مقناطیسی بہاو ۵۸ کہتے ہیں۔ چونکہ ہوا کامقن طیسی مستقل میں اٹل ہوگاء میں رہت ہے۔ اسس کور متا مقناطیسی بہاو ۵۸ کہتے ہیں۔ چونکہ ہوا کامقن طیسی مستقل سے اٹل ہوگا۔ یوں رستا مقن طیسی بہب او ابت دائی کچھے کے برتی روکا راست مستاسب ہوگا۔

 $X_1=2\pi f L_1$  یار متا متعاملہ کا اور کو بالکل کچھے کی مسزاحت کی طسرح کچھ سے باہر رمتا امالہ اللہ اللہ کا ایر کو بالکل کچھے کی مسزاحت کی طسرح کچھ سے باہر رمتا امالہ اللہ اللہ کا متعاملہ کے متعاملہ کا متعاملہ کے متعاملہ کا متعاملہ کے متعاملہ

ٹر انسفار مسر کے ابت دائی کچھے مسین برقی رو آگزرنے سے رستامتع املہ مسین  $\hat{V}_{X1}=j\hat{I}_1X_1$  ق دباواور کچھ کے تار کی مسزاحت مسین  $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$  برقی دباوگٹت ہے۔

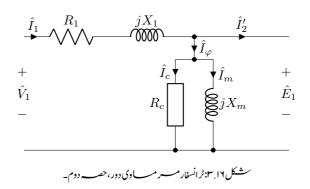
جیب سشکل ۱۵٫۳ مسین و کوسایا آسیب، ابت دائی کمچھے پر لاگو دباو  $\hat{V}_1$  ، مسنزاحمت  $R_1$  اور متعصاملہ  $X_1$  مسین گھٹاو اور ابت دائی امالی دیاؤ  $\hat{Q}_1$  کا محب بوعب ہوگا۔

#### ۳.۱۰.۳ ثانوی برقی رواور وت الب کے اثر ات

وت الب مسیں دونوں کچھوں کامشتر کہ مقت طیسی بہاوان کے محبمو کی مقت طیسی دیاد کی وحب سے وجود مسیں آتا ہے۔ اسس حقیقت کو ایک مختلف اور بہستر انداز مسیں بہیان کسیاحب سکتا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ ابت دائی برقی رو کو دو مشیر انظامطمئن کرنے ہوں گے۔ اول اسے وتالب مسیں بیجبانی مقت طیسی بہاو وجود مسیں لانا ہو گا اور دوم اسے ثانوی کچھے کے بسیدا کردہ مقت اطیسی بہاو کو حستم کرناہوگا۔ البخذ البت دائی برقی رو کو ہم دو حصوں مسیں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصری ہو تیجبانی مقت اطیسی بہاو

leakage magnetic flux<sup>a</sup>^ leakage inductance<sup>a</sup>9

leakage reactance



پیداکر تا ہے اور دو سے را $\hat{I}'_2$  جو ثانوی کچھے کے مقت طبیعی دباو کا اثر حستم کر تا ہے۔ یوں  $\hat{I}'_2$  درج ذیل ہوگا۔

$$\hat{I}_2'=rac{N_2}{N_1}\hat{I}_2$$

نانوی کچھے کے مقت طبیعی ہب و کے اثر کو حسم کرنے پر حسہ ۱.۳ مسیں غور کسیا گسی ہے۔  $\hat{I}_{c} : \hat{I}_{m} : \hat{I}_{c} : \hat{I}$ 

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

مذکورہ بالا مساوات مسین برقی رو کو دوری سمتیات کی صورت مسین کھی گیا ہے۔ ان مسین  $\hat{I}_c$  ابت دائی کچھے کے امالی برقی دباو  $\hat{E}_1$  کا ہم مت دم ہے اور مت الب مسین برقی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کر تاہے جب کہ  $\hat{I}_m$  وہ حصہ ہے جو  $\hat{E}_1$  سے نوب در حب آخیر کھے الزاوے پر برت ااور کچھے مسین مقت طبیعی بہاویپ داکر تاہے۔

ن ن کال ۱۹.۳ اسین  $R_c$  بالت رتیب برقی رو  $\hat{I}_c$  اور  $\hat{I}_m$  کے اثرات کوظ ہر کرنے کے لئے استعمال کے گئے  $jX_m$  اور  $jX_m$  بین معتدارا تی رکھی حباتی ہے کہ اسس میں برقی طاقت کا ضیاع اصل و تابی ضیاع کے برابر ہو لیمن  $\hat{I}_m$  معتدارا تی رکھی حباتی ہے کہ اسس میں برقی طاقت کا معتدارا تی رکھی حباتی ہے کہ  $p_c = E_{1,rms}^2/R_c$  برگی معتدارا تی رکھی حباتی ہیں۔  $g_c = E_{1,rms}^2/R_c$  کی معتدارا مسل برقی دباواور تعدد پر حاصل کے حباتے ہیں۔  $g_c = E_{1,rms}^2/R_c$ 

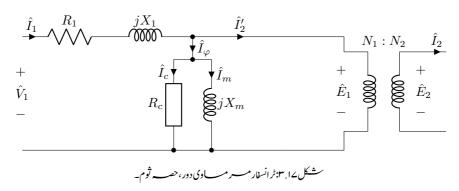
## ۳.۱۰.۳ ثانوی کیھے کاامالی برقی دباو

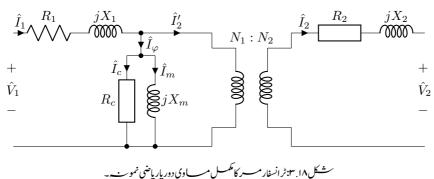
وت الب مسیں مشتر کہ مقت طیسی ہب او ثانوی کچھے مسیں امالی برقی دیاو  $\hat{E}_2$  پسید اکرے گا۔ چونکہ بھی مقت طیسی ہب او ابت دائی کچھے مسیں  $\hat{E}_1$  امالی پسید اکر تا ہے البیند اورج ذیل کلھ حب اسکتا ہے۔

(r.ra) 
$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

lagging"

۵۷ باپ<sup>۳</sup> برانسفار مسر





مب وات ۳۷.۳ اور مب اوات ۳۸.۳ کو ایک کامسل ٹرانسفار مسرے ظاہر کیا حب سکتا ہے جے سشکل ۱۷.۳ امسیں د کھایا گیا ہے۔

### ۳.۱۰.۵ ثانوی کیھے کی مسزاحت اور متعاملہ کے اثرات

ثانوی کچھے مسین امالی دباد $\hat{E}_2$  پیدا ہو گا۔ ابت دائی کچھے کی طسرح، ثانوی کچھے کی مسزاحمت  $R_2$  اور متعاملہ j ہول گے جن مسین ثانوی برقی درو  $\hat{I}_2$  کی بہت ابر تی دباو گھے گا۔ یون ثانوی کچھے کے سسروں پر برقی دباو پر  $\hat{V}_2$  متدر کم ہوگا:

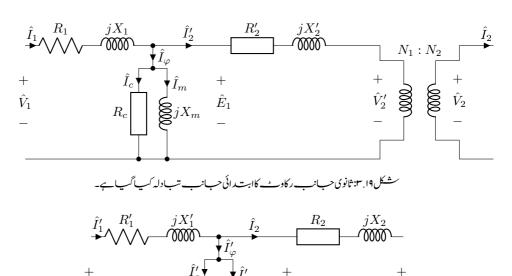
(r.rq) 
$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$

یوں حسامسل ٹرانسفار مسر کا مکسل مساوی دوریار پاضی نمونہ المشکل ۱۸٫۳مسیں د کھایا گیاہے۔

# ٣.١٠.٢ ركاوك كااستدائى يا ثانوى حسانب تسادله

سشکل ۱۸.۳ مسیں تمام احب زاء کا تب ادلہ ابت دائی یا ثانوی حب انب کمیاحب اسکا ہے۔ ایس کرتے ہوئے کا مسل ٹر انسفار مسر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں حب انب رکھا حب اسکتا ہے۔ سشکل ۱۹٫۳ مسیں ثانوی رکاوٹ کو ابت دائی حب انب منتقسل کمیا

mathematical model



شکل ۲۰ سنابت دائی حبانب رکاوٹ کا ثانوی حبانب سبادلہ کی گیاہے۔

گیاہے جب کہ مشکل ۲۰۳ مسیں ابت دائی رکاوٹوں کا تب دلہ ثانوی حبانب کیا گیاہے۔ جیب مشکل ۲۰۳ مسیں دکھیا یا جب کے جب کہ سنگل ۲۰۳ مسیں دکھیا جب کے گیاہے۔ تب ماروار مسیں کا صل ٹر انسار مسرع عموماً دکھیا بہتیں حباتا ہے۔ تب دلہ شدہ داد کا وول کے Z کو Z کے ظاہر کیا ہوگا کہ مساوی دور مسیں احب زاء کس حبانب منتقل کے گئیں۔ ایسادور استعال کرتے وقت یادر کھنا ہوگا کہ مساوی دور مسیں احب زاء کس حبانب منتقال کے گئیں۔ مثال ۲۰۳: ایک 50 کلووول والے والیمینی اور کھنا ہوگا کہ مساوی دور مسیں احب زاء کس حبانب منتقال کے گئیں۔ مثال ۲۰۳: ایک 50 کلووول والے والیمینی اور حبانب مثال کا وحبانب رستار کاوٹ 10.008 بالامینی والوحبانب رستار کاوٹ 10.008 بالامینی استعال ہونے والے احب زاء معلوم کریں۔ 10.008 بین معلوم کریں۔ معلوم کریں۔ معلومات:

 $50 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$ ,  $50 \,\mathrm{Hz}$ ,  $2200 : 220 \,\mathrm{V}$ 

ٹرانسفار مسر کے برقی دباوے کچھوں کے حپکر کاشن سب حساس کرتے ہیں۔ No. 2200 10

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$$

۷٢

زباده برقی د باوحسانی تسادله شده احسزاء درج ذیل ہوں گے۔

$$R'_2 + jX'_2 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 (R_2 + jX_2)$$
$$= \left(\frac{10}{1}\right)^2 (0.0089 + j0.011)$$
$$= 0.89 + j1.1$$

مساوی دور مسیں باقی رکاوٹ پہلے سے زیادہ برقی دباو حبانب ہیں المہذا ہے۔ تبدیل نہیں ہوں گے۔یوں شکل ۱۹٫۳ کے حبزوحیاصل ہوئے۔ حسل ہے: مصاوی دور کے احبزاء کا تب دلہ کم دباوحب نب کرتے ہیں۔

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 R_c = 64$$
$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 X_m = 470$$

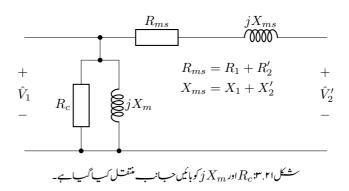
جبکہ 2 پیلے سے کم برقی دیاوجیانہ ہے لیا ذااسس کی قیمت تب دیل نہیں ہو گی۔

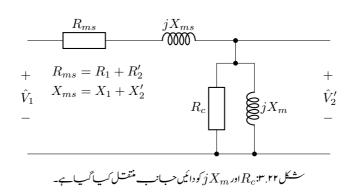
# ے ۱۰ m ٹرانسفار مسر کے سادہ ترین مساوی ادوار

ا کے انجنیئر ٹرانسفار مسرات تعال کرتے وقت حساب کی حن طسر شکل ۱۹٫۳ پاشٹکل ۲۰٫۳ کے ادوار استعمال کر سکتا ہے۔ پ ادوار حقیق ٹر انسفار مسر کی بہت اچھی عکائی کرتے ہیں۔البت جہاں بہت صحیح جوابات مطلوب نے ہوں وہاں ان ۔ ادوار کی سادہ انشکال بھی استعال کی حباستی ہیں۔اسس حصہ مسین ہم ایسے سادہ مساوی ادوار حساسس کرتے ہیں۔ اور  $R_2'+jX_1'$  کے دائیں منتقت کرنے سے شکل ۱۶ اور  $R_1+jX_1$  کے دائیں منتقت کرنے سے شکل ۱۶ اور  $R_2'+jX_2'$  کے دائیں منتقت ک کرنے سے شکل ۲۲٫۳ ساف او تے ہیں۔ یونکہی Î کی مقدار نہایت کم ۳۴ ہوتی ہے البذاایب کرنے سے نتائج پر سناص ون رق نہیں پڑتا ہے۔  $R_{ms}$  پر تا ہے۔  $R_{ms}$  کے  $R_{ms}$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_{ms}$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_1$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_1$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_1$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_1$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_1$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_2$  جب کہ سلمہ وار جبڑے  $R_1$  اور  $R_2$  کو  $R_2$  جب کہ سلم وار جبڑے  $R_2$  اور  $R_2$  کو  $R_2$  جب کہ سلم وار جبڑے  $R_2$  و  $R_2$  و R

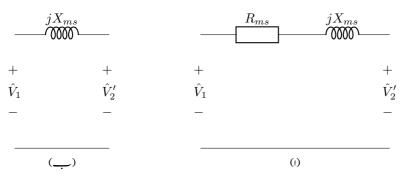
ی سے کا کھیا گیا ہے۔ ای قتم کے ادوار شکل ۲۰۰۳ ہے بھی حساصل ہوتے ہیں۔  $X_m$ 

ا ٹرانسفار مسرکے کل برتی ہو جھ کاصر نیسے دوسے چھے فی صب دہو تاہے۔ $\hat{I}_{\mathcal{G}}$ 





۱۲ باپ۳۳. ٹرانسفار م**پ**ر



شکل ۲۳.۲۳ ٹرانسفار مسرکے سادہ مساوی ادوار۔

شکل ۱۹.۳ مسیں  $R_c$  اور  $X_m$  رکاوٹ  $R_1+jX_1$  اور  $R_2'+jX_2'+jX_2'$  اور  $R_1+jX_1$  اور  $R_2$  اور  $R_2$  اور  $R_3$  این اور ایسے ادوار کا حسل نجار امرائی دور کے بائیں یا دائیں ہاتھ ہیں اور ایسے ادوار کا حسل نسبتاً زیادہ آسان ہو تا ہے۔

... مسنویں میں دور حیاصل کرنے کی حیاط سر  $\hat{I}_{\varphi}$  کو صف تصور کر کے نظر انداز کیا جبا سکتا ہے۔ یوں میاوی دور میں  $R_c$  اور  $R_c$  کو کھلے دور تصور کرتے ہوئے دور سے ہیایا جبا سکتا ہے۔ مشکل  $R_c$  الف میں ایسا کیا گیا ہے۔ اس دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔ اس دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔

 $R_{ms}$  بی شروقت اس سے بھی کم در سنگی کے نتائج مطاوب ہوتے ہے۔ یوں  $R_{ms}$  کی بنا  $R_{ms}$  کو نظر راند از کرتے ہوئے شکل  $N_{ms}$  کا ساز راند از کرتے ہوئے شکل  $N_{ms}$  کا مسل کر انسفار مسر سال ہو گاجو  $N_{ms}$  کا مسل ہو گاجو  $N_{ms}$  کا مسل ہو گاجو  $N_{ms}$  کا مسل ہو گاجو بھی نظر راند تا ہے۔

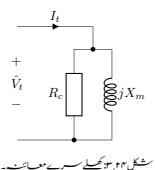
# اا. ۳ کھلے دور معیائٹ اور قصب ردور معیائٹ

گزشتہ جھے مسیں ٹرانسفار مسرے مساوی ادوار پربات کی گئی۔ ان مساوی ادوار کے احبیزاء ٹرانسفار مسرکے دومعائنوں کے حاصل کئے جب سکتے ہیں جنہیں کھلا دور معائنے اور قصسر دور معائنے کہتے ہیں۔ اسس جھے مسیں ان معائن پر خور کے آگیا۔

#### ا.۱۱.۱ کھلادور معیائن

کھلادور معیائے۔ ۱۳، جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفار مسر کی ایک حبانب کچھے کے سروں کو آزادر کھ کر کسیاحب تا ہے۔ سے معیائے۔ ٹرانسفار مسر کی بہناو ٹی 8 ہر تی دباواور تعددیاان کے متسریب قیمتوں پر کسیاحب تا ہے۔ اگر حپ ٹرانسفار مسر کے کمی بھی حبانب کچھے پر کھلے دور معیائے۔ سرانحبام دیا حباسکتا ہے، حقیقت مسین ایس کم برتی دباو کچھے پر کرنازیادہ آسان اور کم خطسرناک ہوتا ہے۔ یہ بات ایک مثال سے بہتر سمجھ آئے گی۔

open circuit test design design



 $p_t$  کھلے دور معیائٹ مسیں کم برقی دباو کچھے پر بہناوٹی برقی دباویا اسس کا قت ریب دباو پ $V_1$  لاگو کر کے کھیا دور برقی طباقت ہوں گے۔ اور کھیا دور برقی روبا آیا پاپا جہ بہت رہتائے حساس ہوں گے۔ کرنے سے بہت رہتائے حساس ہوں گے۔ گرانسفار مسرکی دوسسر کی دوسسر کی دوسسر کی حساس چھے کے سسرے چونکہ آزاد رکھے حباتے ہیں لہند ااسس مسیں برقی روصف بر ہوگا۔ اسس طسرح ناپا گیا برقی روصرف ہیجیان انگی نہ رکھا دوسے چھٹی صد مطسرح ناپا گیا برقی روصرف ہیجیان انگی نیز برقی رو پُر انسفار مسرکے بہن وٹی روکا دوسے چھٹی صد ہوتا ہے۔

 $V_t$  . يادرې يوځ تم ان کې مطلق موثر قيتول،  $\hat{V}_t = I_t / \phi_i$  اور  $\hat{V}_t = I_t / \phi_i$  يورې ياست کرتے ہوئے تم ان کې مطلق موثر قيتول،  $\hat{V}_t = V_t / \phi_v$  اور  $\hat{I}_t = I_t / \phi_i$  ياست کرتے ہيں۔

روغنب رستی  $V_1$  و المسین باتی کی مجرتی د باو والاحبانب تصور کریں۔ یوں  $V_1$  مت ام  $V_1$  پر منسر اہم کیا جب کے گاجب کہ پیسائن  $I_2$  و عنسیر سستی  $I_1$  ورحقیقت  $\hat{I}_2$  کی مطاق قیمت  $I_2$  مطاق قیمت  $I_2$  کی مطاق قیمت کے برابر ہوگا۔

$$I_t = I_1 = I_{\varphi}$$

اتیٰ کم برقی روسے کچھے کے رکاوٹ مسیں بہت کم برقی دباوگشتا ہے البندااسے نظر رانداز کسیاحباتاہے:

$$V_{R1} = I_t R_1 = I_{\varphi} R_1 \approx 0$$
  
$$V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$$

یوں جیب شکل ۱۹.۳ سے ظاہر ہے  $R_c$  اور  $X_m$  پر تقسریب آ $V_t$  برتی دباوپایا جب گا۔ ان حت اُق کو مد نظسر رکھے ہوئے مشکل ۲۴.۳ سے سکل ۲۴.۳ کا حصول زیادہ آسان ہے۔

scalar

باب۳. ٹرانسفار مسر

برقی طباقت کا نسیاع صرف مسزاحت مسیں مسکن ہے لہذا  $p_t$  صرف  $R_c$  مسیں ضبائع ہوگا۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$$

اس سے ٹرانسفار مسر کے مساوی دور کاحبزو  $R_c$  ساصل ہوتا ہے۔

$$R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

درج ذیل کی بن

$$Z_t = \frac{\hat{V}_t}{\hat{I}_t} = \frac{V_t/\phi_v}{I_t/\phi_i} = \frac{V_t}{I_t}/\phi_v - \phi_i$$

فنسراہم کر دہ دباواور پیپ کُثی رو کاتٹ سیب درج ذیل ہو گا۔

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

اب مشکل ۲۴.۳ سے درج ذیل واضح ہے

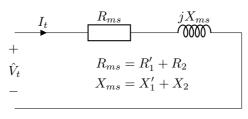
$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للبيذا

$$Z_t = \frac{jR_cX_m}{R_c + jX_m}$$
 
$$|Z_t| = \frac{R_cX_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$

ہوگا۔ یوں ٹرانسفار مسرکے مساوی دور کا جبزو  $X_m$  حساصل ہو تاہے۔

$$X_m = \frac{R_c |Z_t|}{\sqrt{R_c^2 - {|Z_t|}^2}}$$



<u>ٹ کل ۲۵ ۳: قصبر دور معیائٹ۔</u>

#### ۳.۱۱.۲ قصسر دور معسائن

قصسر دور معسائن۔ بھی کھلے دور معسائن۔ کی طسسر نٹر انسفار مسسر کے کسی بھی طسرونے مسکن ہے لیسکن حقیقہ۔ مسین اے زیادہ برقی دباولچھ پر کرنا آنسان ہو تا ہے۔ ہے۔ معسائن۔ ٹر انسفار مسر کے بیناوٹی برقی رویااسس کے مسسریہ روپر کسیا حساتاہے۔

کھنے دور معائن۔ مسیں مستعمل ٹرانسفار مسر کی بات آگے بڑھاتے ہوئے زیادہ برقی دباو کچھے کابناوٹی رو A 2.2727 میں اور کم دباو کچھے کابناوٹی رو A 13.63 ہے۔ قصسر دور معائن۔ کم برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 13.63 جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 2.2727 درکار ہول گے۔ حقیقت مسین A 2.2727 پر معائن۔ زبادہ آسان ہوگا۔

اسس معائن۔ مسین کم برقی دباو کچھے کے سے وں کو آپس مسین جوڑ کر قصب دور کیا حباتا ہے جبکہ زیادہ برقی دباو کچھ پر کچھے کے بناوئی و بالا کو کرکے اسس کچھے کابر قی رویا اور فسر اہم کر دہ طباقت  $p_t$  ناپاحباتا ہے جنہیں بالت رتیب قصب دور رو اور قصب دور طباقت کتے ہیں۔ قصب دور کچھے مسین گزرتے برقی رو کا تکس دوسسری حباب موجود ہوگا۔ برقی روگا نساند مسیر کے بناوئی برقی روک لگے بھگ ہوتا ہے۔

چونکہ ہے۔ معائنہ بہت کم برتی دباو پر سے رانحبام دیا حباتا ہے المبذا ہیجبان انگسیز برتی رو کو مکسل طور پر نظر رانداز کرتے ہوئے کہ سے معیائنہ معیائنہ کادور سشکل ۲۵٫۳ مسیں دکھیایا گیا ہے جہاں ہیجبان انگسیز رو کو نظر رانداز کرتے ہوئے  $X_m$  اور  $X_m$  کو کھلے دور کسیا گسیا ہے۔ قصر دور معیائنہ مسین سشکل ۲۰۰۳ کے بائیں ہاتھ کو کم برتی دباو حبانب تصور کرتے ہوئے  $X_m$  کو کہ کو کرک جگہ لاگو کرنا ہوگا۔

برقی ط اُقت صرف مسزاحت میں ضائع ہوسکتاہے البیزاشکل۲۵٫۳سے درج ذیل کھا حباسکتاہے

$$p_t = I_t^2 R_{ms}$$

یوں ٹرانسفار مسرکے مساوی دور کاحبزو $R_{ms}$  حساسل ہو تاہے۔

$$(r.rr)$$
  $R_{ms}=rac{p_t}{I_t^2}$ 

قصبر دور برقی رواور قصب ربرقی دباوی

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

۷۸ باب۳, ٹرانسفار مسر

جب، شکل ۲۵٫۳ سے درج ذیل لکھا حب سکتاہے۔

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

یوں  $X_{ms}$  کی قیمت مساوات  $Y_{ms}$  حبانتے ہوئے  $X_{ms}$  کی قیمت مساوات ہوتا ہے۔

$$(r.rr)$$
  $X_{ms} = \sqrt{\left|Z_t
ight|^2 - R_{ms}^2}$ 

مساوات  $R_1$  کل مسزاحت دیت ہے البت اس سے  $R_2$  یا  $R_1$  حساصل نہیں کیا جبا سکتا۔ ای طسرت مساوات  $X_1$  اور  $X_2$  علیحدہ نہیں کئے جبا کے دور معائنہ ہے اتن ہی معلومات حساصل کرنا مسکن ہے جو هیقت مسین کافی ثابت ہوتا ہے۔ جبال ان احبزاء کی علیحدہ علیحہ قیمتیں در کار ہوں وہاں درج ذیل تصور کیا حباسکتا ہے

$$R'_1 = R_2 = \frac{R_{ms}}{2}$$
  
 $X'_1 = X_2 = \frac{X_{ms}}{2}$ 

ٹرانسفار مسر معب نے اس معتام پر کیے حب تے ہیں جب اسٹرانسفار مسر نسب ہو۔ یوں وہی برقی دباواستعال کرنا ہو گاجو وہاں موجو د ہو۔ ہاں خروری ہے کہ قصسہ دور معتائیت مسیں ٹرانسفار مسر کو بہناوٹی برقی دباو کا دو سے بارہ فی صد دیا جب ئے۔ مشلاً معتوں کے 220 v ناموں کا محتال میں کا محتال کر محتال کر محتال کر محتال میں کا محتال کر محتال محتال کی محتال کر محتال کو محتال کر محتال کی محتال کر محتال کر محتال کے محتال کر محتال کر محتال کر محتال کے محتال کر محتال کر محتال کے محتال کے محتال کر محتال کے محتال کے محتال کر محتال کے محتال کر محتال کے محتال

یاد رہے کہ ٹرانسفار مسر کی ایک حبانب کچھ کے سرے آپس مسیں جوڑ کر، لینی قصسر دور کر کے، دوسری حبان لیوا حبان لیوا حبانب کچھے پر کئی بھی صورت اسس حبانب کی پوری برقی دباولا گو نہیں بچھے گا۔ ایسا کرناٹ دید خطسرناک اور حبان لیوا ثابہ تا ہے، مکتا ہے۔

یادرہ کہ اُن معسائوں سے حساصل مساوی دور کے احب زاءای حبانب کے لئے درست ہوں گے جس حبانب انہاں معسائوں سے کہ اُن معسائوں کے جس حبانب انہاں کہ قسمتیں دوسری حبانب تبادلہ رکاوٹ سے حساصل کی حباسکتی ہیں۔ مثال ۲۳٪ ایک 25 کلووولٹ وایمپیئر، 220 : 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر حیلنے والے ٹرانسفار مسرکے کھلے دور اور قصب دور معسائے کے حباتے ہیں جن کے نتائج درج ذیل ہیں۔ ٹرانسفار مسرمساوی دور کے احب زاء تلاسش کریں۔

- كهالا دور معائن. مسين كم برقى دباو حبانب V 220 لا گو كميا حباتا ہے۔اى حبانب برقى رو A 39.64 اور طاقت كاضياع W 600 نام يوجباتے ہيں۔
- قصسر دور معائن۔ مسین زیادہ برقی دباو حبانب V 440 لاگو کسیا حباتا ہے۔ای حبانب برقی رو A 2.27 اور طاقت کاضیاع W 560 ناپے حباتے ہیں۔

اا.٣. تين دوري ٹر انسفار مــــر

حسل کھلادور:

$$|Z_t| = \frac{220}{39.64} = 5.55 \,\Omega$$

$$R_c = \frac{220^2}{600} = 80.67 \,\Omega$$

$$X_m = \frac{80.67 \times 5.55}{\sqrt{80.67^2 - 5.55^2}} = 5.56 \,\Omega$$

حبل قصبر دور:

$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83 \,\Omega$$
  
 $R_{ms} = \frac{560}{2.27^2} = 108.68 \,\Omega$   
 $X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160 \,\Omega$ 

اور  $X_{ms}$  اور  $X_{ms}$  کو کم برقی دباوحبانب منتقتل کرتے ہوئے  $R_{ms}$ 

$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 108.68 = 43.47 \, \mathrm{m}\Omega$$
 
$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 160 = 64 \, \mathrm{m}\Omega$$

لعيني

$$R_1 = R_2' = rac{43.47\,\mathrm{m}\Omega}{2} = 21.7\,\mathrm{m}\Omega$$
  $X_1 = X_2' = rac{64\,\mathrm{m}\Omega}{2} = 32\,\mathrm{m}\Omega$ 

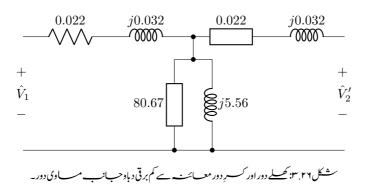
 $\hat{V}_1$  سے جہاں ہوگا۔ ان نتائج سے حاصل کم برقی دباوجہانب مساوی دور شکل ۲۲۳ مسیں دکھیایا گیا ہے جہاں  $\hat{V}_1$  کم برقی دباووالی حبانب ہے۔

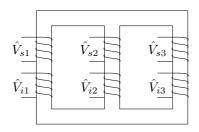
۳.۱۲ تین دوری ٹرانسفار مسر

اب تک ہم یک دوری کا ٹرانسفار مسر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقہ مسیں برقی طاقت کی منتقلی مسیں عسوماً تاہین دوری کہ انسفار مسر استعال ہوتے ہیں۔ تین دوری ٹرانسفار مسر یک ان تین عدد یک دوری ٹرانسفار مسر اکٹھے رکھ کر بنایا

single phase 14 three phase 14

باب\_۳. ٹرانسفار مسر ۸.





شکل ۲۷.۳۰: ایک ہی مت الب پرتین ٹر انسفار مسر۔

حا سکتا ہے۔ بوں ایک ٹرانسفار مسر حضراب ہونے کی صورت مسین اسس کو ہا کر ٹھیک کرنے کے دوران باقی دو ٹرانسفار مب رات تعال کئے حیا کیے ہیں۔ تین دوری ٹرانسفار مسیر بنانے کا اسس سے بہتر طب ریقہ مشکل ۲۷٫۳ مسین  $\hat{V}_{i1}$  و کھیایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقت طبی وتالب پر شینوں ٹرانسفار مسر کے کچھے لیٹے گئے ہیں۔اسس شکل مسین پہلے ٹر انسفار مسر کا ابت دائی کچھا اور  $\hat{V}_{s1}$  اسس کا ثانوی کچھا ہے۔ اسس طسرح کے تین دوری ٹر انسفار مسرسیتے ، ہلکہ اور چھوٹے ہونے کی وجب سے عسام ہو گئے ہیں اور آپ کوروز مسرہ زندگی مسیں یمی نظر آئیں گے۔ان مسیں برقی ضیاع بھی نسبتاً کم ہوتا شکل ۲۸.۳-الف مسین تین ٹرانسفار مسر د کھائے گئے ہیں۔ان ٹرانسفار مسرول کے ابت دائی کیھے آپس مسین

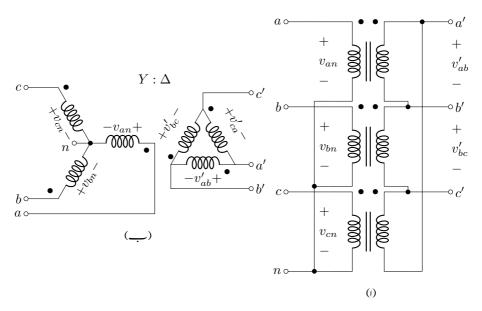
دو طبریقوں سے جوڑے حبا سے ہیں۔ایک کو متارہ مناجوڑ ۲ کا اور دوسرے کو تکوزیر جوڑ<sup>24</sup> کے کتے ہیں۔ای طسرح ان ٹرانسفار مسروں کے ثانوی کھیے بھی انہیں دو طسریقوں سے جوڑے حبا کتے ہیں۔ یوں انہیں درج ذیل حیار مختلف طسریقوں سے جوڑا حب اسکتا ہے۔

- $Y:\Delta$  ستاره: تکونی  $\bullet$
- Y:Y تتاره: ستاره

star connected 19

delta connected26

۱۲. ۳. تین دوری ٹرانسفار مسسر



<del>شکل ۲۸ . ۲۱: تین دوری ستاره - تکونی ٹر انسفار مسر</del>

#### $\Delta: Y$ تکونی: ستاره $\Delta: Y$

سشکل ۲۸.۳ مسیں  $\Delta: Y$  ٹرانسفار مسرد کھسایا گیاہے جسس مسیں بایاں ہاتھ Y اور دایاں ہاتھ  $\Delta$  حبٹراہے۔ یوں Y کستے ہوئے Y کستے ہوئے Y کو بائیں اور  $\Delta$  کو دائیں کھیا حباتا ہے۔ جیس پہلے ذکر ہو چکاہے ہم امشکال مسیں ٹرانسفار مسر کا اہت دائی طسر و نسے ہے۔ روائگی سے پڑھتے ہوئے اہت دائی کو پہلے اور ثانوی کو بعد مسیں پڑھا حب تاہے ہائے ذاانس کو  $\Delta: Y$  کھی کر ستارہ - تکونی پڑھا سیں گے۔

سشکل ۲۸٫۳ – الف مسیں تین ٹرانسفار مسروں کے ابت دائی کچھوں کو ستارہ نمب جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ثانو کی کچھوں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔ مشکل – ب مسیں شینوں ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھوں کو ستارہ نمب دکھیایا گیا ہے۔ ای طسرح ثانوی کچھوں کو تکونی دکھیا گیا ہے۔ان امشکال کی وجب ہے اسس طسرز کے جوڑ کو ستارہ نمب جوڑاور تکونی جوڑ کتے ہیں۔

ایب سشکل بناتے ہوئے ہرٹرانسفار مسر کے ابت دائی اور ثانوی کچھے کو ایک بی زاوی پر دکھیا جباتا ہے۔ یوں شکل ۱۸۳۳۔ ۲۸۳۳۔الف مسین بالائی ٹرانسفار مسر، جس کے ابت دائی سسرے an اور ثانوی سسرے گرانسفار مسرک ہیں، کو شکل ۲۸۳۔ب مسین صف رزاوی پر دکھیا گیا ہے۔ تین دوری ٹرانسفار مسروں کو اسس طسرح کی عسلامتوں سے ظاہر کیا حباتا ہے اور ان مسین صناب نہیں دکھیا جباتا۔

ٹر انسفار مسرکے جوڑ بیان کرنے وقت بائیں جوڑ کو پہلے اور دائیں جوڑ کو بعب مسین پکارتے ہیں۔ یوں مشکل ۲۸.۳۔ ب مسین ٹر انسفار مسر کو ستارہ- تکونی حبڑا ٹر انسفار مسریا مختصر اً ستارہ- تکونی ٹر انسفار مسر کہسیں گے۔ ای طسرح استدائی حبانب کو بائیں اور ثانوی حبانب کو دائیں ہاتھ بسنایا حباتا ہے۔ یوں اسس مشکل مسین ابت دائی حبانب ستارہ نمس ہے۔ جب کہ ٹانوی حبانب تکونی ہے۔

ستارہ نمیا سے حیار برقی تارین نکلی ہیں۔ان مسیں مشتر کے تاری کو عصوماًٹر انسفار مسر کے نزدیک زمسین مسیں

۸۲ باب ۳۰ بر انسفار مسر

گہرائی تک۔ دھنیا جاتا ہے۔ اس تار کوز ملینی قارائیا صرف زماین <sup>۲۲</sup> کتے ہیں۔ عسام فہم مسیں اے مُصندُ کی قار<sup>۲۲</sup> کتے ہیں۔ باقی تین تاریں a, b, cگرم قار<sup>۲۲</sup> کہلاتے ہیں۔

ٹر انسفار مسرے کچھے پر برتی دباو کو یک دوری برقی دباو<sub>کیدری</sub> ک<sup>۵</sup> کہتے ہیں اور کچھے مسیں برتی رو کو یک دوری برقی رو<sub>کیدری</sub> آ<sup>۵</sup> کتے ہیں۔ جب کہ ٹر انسفار مسرے باہر نگلتی کی دو گرم تاروں کے ﷺ بی دو کو آل کا برقی دوباو <sup>۱</sup> کا برقی دوباو کی آ<sup>۵</sup> کتے ہیں۔ رو کو آل کا برقی روباؤ کی کہتے ہیں۔ ستارہ کا حبانب یک دوری متداروں اور آل کے متداروں کا تعلق درج ذیل ہوگا۔

 $\Delta$  تکونی  $\Delta$  حبانب یک دوری اور تارکی مقت داروں کا تعساق درج ہے۔

$$V_{
m Jt}=V_{
m Gask}$$
  $I_{
m Jt}=\sqrt{3}I_{
m Gask}$ 

مساوات ۳۴,۳ اور مساوات ۴۵,۳ دوری سمتیه کے رہنے نہیں بلکہ غیسر سمتی مطلق قیتوں کے رہنے دیتی ہیں۔ان رہنتوں کو شکل ۲۹٫۳ مسیں دکھسایا گیاہے۔مساوات ۴۲٫۳ اور مساوات ۴۵٫۳ سے درج ذیل حساصل ہوتاہے۔

$$(r.r.)$$
  $V_{\rm lt}I_{
m lt}=\sqrt{3}V_{
m Gast}I_{
m los}$  روم

یک دوری ٹرانسفار مسسر کے وولٹ و ایمپیئر <sub>کیدری</sub> آ<sub>یکیدری</sub> آبوتے ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مسسر مسل کر ایک عسد و تین دوری ٹرانسفار مسسر بہت تے ہیں اہلے ذاتین دوری ٹرانسفار مسسر کے وولٹ وایمپیئر تین گٹاذیل ہوں گے۔

$$($$
۳.٥٧)  $=3V_{\rm jt}I_{\rm jt}=3$  وولسند والمبيئر  $=3 imes rac{V_{
m jt}I_{
m jt}}{\sqrt{3}}=\sqrt{3}V_{
m jt}I_{
m jt}$ 

ے مساوات ت**کین دور کہ** ادوار مسیں کشرے سے استعال ہوتی ہے۔

ٹر انسفار مسر جس طسر تر بھی جوڑے حب ئیں وہ اپنی بنیادی کار کرد گی تبدیل نہیں کرتے ہیں الہذا انہیں ستارہ نسایا تکونی جوڑے جب کیں جوڑے حب ئیں وہ اپنی بنیادی کار کرد گی تبدیل نہیں کرتے ہیں الہذا انہیں ستارہ نسا باور صفحہ ۲۹ سے میں اور علی ہور کے مساوات ۲۹٫۳ پر پورااترے گا۔ انہیں استعال کرے شکل ۲۹٫۳ مسیں دیے گئے ٹر انسفار مسروں کے ابتدائی اور ثانوی حب نسب کی یک دوری اور تارکی مقتداروں کے رشختے حساصل کئے حب سکتے ہیں۔ اس شکل مسیں کی مقتداروں کے رشختے حساصل کئے حب سکتے ہیں۔ اس شکل مسیں گی مختی پر دونوں ہے جب اس کی مقتداروں کے رشختے حساصل کے حب سکتے ہیں۔ اس شکل مسیں کی ختی پر دونوں کے حب سے تین دوری ٹر انسفار مسر کے حب کر کا تنساس ہے۔ تین دوری ٹر انسفار مسر پر گی مختی پر دونوں حب نب تار کے برقی دیاوی کا تنساس کھیا حب تا ہے۔

ground<sup>21</sup>

ground, earth,neutral2r

neutral<sup>2r</sup> live wires<sup>2r</sup>

phase voltage<sup>∠a</sup>

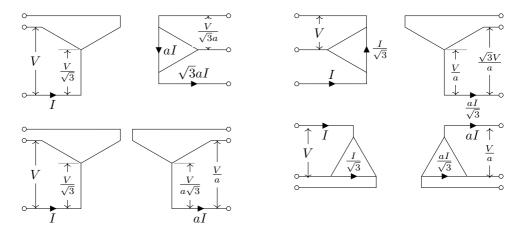
phase current<sup>2</sup>

line to line voltage<sup>22</sup>

line current<sup>2</sup>

ground current

۱۳.۱۳ تين دوري ٹر انسفار مسر



شکل ۲۹.۳: ابت دائی اور ثانوی حبانب تار اور یک دوری مت داروں کے رہتے۔

شکل ۲۹.۳ مسیں ستارہ - تکونی ٹرانسفار مسر کی تاریر برقی دباو کاتٹ اسب

$$rac{V_{\zeta^{ec{j}}}}{V_{\zeta^{ec{j}}}}=\sqrt{3}a=\sqrt{3}\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

بب که ستاره-ستاره کا

$$rac{V_{ec{\mathcal{V}}^{-}_{\mathcal{G}^{+}}}}{V_{\mathcal{G}^{+}}}=a=\left(rac{N_{1}}{N_{2}}
ight)$$

کلونی-ستاره کا

$$rac{V_{\dot{\mathcal{G}}^{\dot{\prime}}\dot{\mathcal{G}}^{\dot{\prime}}}}{V_{\dot{\mathcal{G}}^{\dot{\prime}\dot{\phi}}}}=rac{a}{\sqrt{3}}=rac{1}{\sqrt{3}}\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

اور تکونی- تکونی کادرج ذیل ہو گا۔

$$rac{V_{ec{\mathcal{V}}_{\mathcal{G}^{ec{\mathcal{V}}^{ec{\mathcal{V}}}}}}{V_{\mathcal{G}^{ec{\mathcal{V}}^{ec{\mathcal{V}}}}}}=a=\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

مثال ۱۳۰۸: یک دوری تین یک ل ٹرانسفار مسرول کو ستارہ - تکونی کY = Y جوڑ کر تین دوری ٹرانسفار مسرب یا گیا ہے۔ یک دوری ٹرانسفار مسرکی برقی سکتے ۔ گوری ڈیل ہے:

 $50\,\mathrm{kV}\,\mathrm{A},\quad 6350:440\,\mathrm{V},\quad 50\,\mathrm{Hz}$ 

rating^\*

۸۴ باب. ۳۰ برانسفار مسر

ستارہ- تکونی ٹر انسفار مسر کی ابت دائی حب نب 11000 وولٹ تین دوری دباو تار لا گو کسیا گسیا۔ اسس تین دوری ٹر انسفار مسر کی ثانوی حب انب دباو تار معسلوم کریں۔ حسل: ہم ایک عسد دیک برانسفار مسر پر نظس رکھ کر مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹر انسفار مسر کے

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

مساوات ۳۸،۳ سے دباو تار درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

حيكر كاتت سيد درج ذيل ہو گا۔

$$V_{\rm colsing} = \sqrt{3} \times 6350 \approx 11\,000\,{\rm V}$$

یک دوری ٹرانسفار مسرکی ثانوی حبانب V 440 ہوں گے جس کو مساوات ۱۹.۳ کی مدد سے بھی حساصل کسیاحباسکتا ہے۔

$$V_{\zeta j \psi} = \frac{N_2}{N_1} V_{\zeta j \psi} = \frac{440}{6350} \times 6350 = 440 \,\mathrm{V}$$

ثانوی حبانب تین یک دوری ٹر انسفار مسرول کو تکونی جوڑا گیا ہے۔ یوں مساوات ۳۵.۳ کی مدد سے ثانوی دباو تاریبی ہو گا۔ تین دوری ٹرانسفار مسرکے دباو تار کاتساسب درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{V_{\text{jt},(\dot{b},\tau)}}{V_{\text{jt},(\dot{b},\tau)}} = \frac{11000}{440}$$

یک دوری ٹرانسفار مسر 50 کلو وولٹ و ایمپیئر کا ہے المہذا تین دوری ٹرانسفار مسسر 150 کلو وولٹ و ایمپیئر کا ہو گا۔ یوں تین دوری ٹرانسفار مسسر کی سکت ^^ درج ذیل ہو گی۔

150 kV A, 11000 : 440 V, 50 Hz

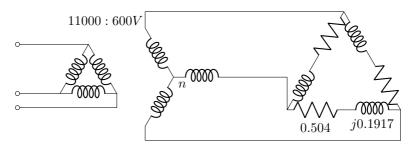
ٹر انسفار مسر شختی ۱<sup>۸</sup> پر ٹر انسفار مسر کی سکت بسیان ہوتی ہے۔ اسس شختی پر تنین دوری ٹر انسفار مسر کے دونوں حبانب دباو تار لکھیا حباتا ہے ہند کہ کچھوں کے حبکر۔

ستارہ - ستارہ ٹرانسفار مسیں تین دوری برقی دباوے بنیادی احب زاء آلپس مسیں °120 زاویائی مناصلے پر جبکہ تیسرے موسیقائی احب زاء آلپس مسیں ہم صدم ہوتے ہیں۔ وصالب کی عنید بتدریجی حناصیت کی بنٹ ٹرانسفار مسیں ہم صورت تیسری موسیقائی احب زاء ہم صدم ہونے کی وجبہ سے جمح موسیقائی احب زاء ہم صدم ہونے کی وجبہ سے جمح ہو کر برقی دباو کا ایک بڑامون پیدا کرتے ہیں جو کہی کھار برقی دباوے بنیادی حب زوے بھی زیادہ بڑھا مون ہیں ہو کہی کھار برقی دباوے بنیادی حب زوے بھی زیادہ بڑھا ہم مسال وحبہ سے ستارہ سے الرائسفار مسرعام طور استقال جسیں ہوتا ہے۔

باقی تین قتم حبٹرے ٹرانسفار مسسروں مسیں تکونی جو ٹپایا حباتاہے جس مسیں تنیسے ری موسیقائی احبزاء کی موج گر د شی رو پیسد اکرتی ہے۔ سے گر د ثیر رو تنیسری موسیقائی احبزاء کی موج کے اثر کو حستم کرتاہے۔

rating<sup>^1</sup> name plate<sup>^r</sup>

۱۲ س. تین دوری ٹرانسفار مب ر



شکل ۳۰۰ ۳. ٹرانسفار مسر تکونی متوازن بوچھ کوط قت فنسراہم کر رہاہے۔

تین دوری ٹرانسفار مسر کے متوازن دور حسل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مسر ستارہ حسٹرا ہے۔ یوں یک دوری برقی رو، تار کا برقی رو ہو گا اور یک دوری لاگو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ ای طسر تر ہم اسس پر لدے برقی بوچھ کو بھی ستارہ حسٹراتصور کرتے ہے۔ یوں تین دوری دورکی بحبائے ہم نسبٹا آسان یک دور حسل کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر خور کرنا آسان ہو جب تاہے۔ آئیں ایک مشال ہے اسس عمل کو مسجھیں۔

کرنا آسان ہو حب تا ہے۔ آئیں ایک مثال سے اسٹ عمسل کو مستجھیں۔ مثال ۹.۳: سشکل ۴۰.۵ میں تین دوری ۲: ۵۰،000 کلووولٹ وایمپیئر، 600 : 11000 دولٹ اور 50 ہر ٹزپر جیلنے والا کامسل ٹرانسفار مسسر تین دوری متوازن تکونی یوجھ کوطب قت مہیا کر رہا ہے۔ یوجھ کاہر حصہ 10.1917 + 50.504 کے برابر ہے۔

- اسس مشکل مسیں تمام برقی رومعسلوم کریں۔
  - برقی بوجه <sup>۸۳</sup> کو در کار طباقت معسلوم کریں۔

حل: بہلے تکونی بوجھ کوستارہ بوجھ مسین تبدیل کرتے ہیں:

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

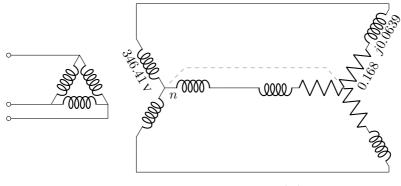
$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 /\!\!\!\!\!/ -20.825^\circ$$

اوریک دوری طاقت درج ذیل ہو گی۔

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^{\circ}) = 624007 \,\mathrm{W}$$

electrical load

۸۲ باب ۳. ٹرانسفار مسر



مشكل ٣٠٣: تكونى بوجھ كومساوى ستاره بوجھ مسين تبديل كسيا گسيا ہے۔

کل طب قت تین گٹ ہو گی لیعنی 1872 اور اسس بو جھ کاحب زوط قت ۸۳ درج ذیل ہو گا۔

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

تكونى يوجھ مسين برقى رو7.262 =  $\frac{1927.262}{\sqrt{3}}$  ايمپيئر ہو گا۔ ٹرانسفار مسركى ابت دائى جبانب برقى تاروں مسين برقى رودرج مل ہو گا۔

$$\left(\frac{600}{11000}\right)\times1927.262=105.12\,\mathrm{A}$$

اسس مثال مسیں حبزوط اقت 0.93467 ہے۔ اسس کتا ہے کے لکھے وقت پاکستان مسیں اگر صنعتی کار حنانوں کی برقی ہوجے کی حب زوط اقت وصاف کی برقی ہوجے کی حب زوط اقت وصاف کی برقی ہوجے کے ساتھ میں کہ ہوجے کے دالا ادارہ (وایڈا) حب رمان میں نانسند کرتا ہے۔

# ٣.١٣ ٹرانسفار مسرحپالو کرتے کمحہ زیادہ ہیجبان انگیپزبر قی رو کا گزر

جم دیکھ جی ہیں کہ ٹرانسفار مسر کے وتالب مسیں سائن نما کثافت مقت طبی بہاوہ  $B=B_0\sin\omega t$  ، کی صورت مسین درج ذیل کھی حب سکتا ہے جہاں آمنسری وت مربی  $NA_cB_0$  کو  $NA_cB_0$  کہا گیا ہے۔

$$\begin{aligned} v &= e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t} \\ &= \omega N A_c B_0 \cos \omega t \\ &= V_0 \cos \omega t \end{aligned}$$

power factor Ar

يوں درج ذيل ہو گا۔

(r.ar) 
$$B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

ے مساوات برفت رار حیالو<sup>۸۸ ٹ</sup>رانسفار مسرکے لئے درس<u>ت ہے</u>۔ تصور کریں کہ ایکٹٹر انسفار مسبر کو حیالو کپ حبار ہاہے۔ حیالو ہونے سے پہلے متالب مسیں مقت طیسی بہب وصف

ہے جو لمحب حب الویر بھی صف ررہے گا۔

لمحب حب الویرٹرانسفار مسرپرلا گوبر قی دیاو درج ذیل ہو گا۔

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

یوں  $NA_c \frac{\partial B}{\partial u}$  کو درج ذیل لکھا حساسکتا ہے۔

$$V_0 \cos(\omega t + \theta) = NA_c \frac{\partial B}{\partial t}$$

ترتىپ نوكے بعبد درج ذمل تكمل سيامسل كسيامسالتاہے۔

$$B = \frac{V_0}{NA_c} \int_0^t \cos(\omega t + \theta) \, \mathrm{d}t = \frac{V_0}{\omega NA_c} [\sin(\omega t + \theta) - \sin\theta]$$

 $\omega t=rac{\pi}{2}$  اس طرح heta=0 کی صورت مسیں  $\Delta t=rac{\pi}{2}$  کی زیادہ تیمت  $\Delta t=0$  پر حساس ہو گی جو مساوات میں دی گئی قبہ کے عبین برابرہے:

$$B$$
بين  
ز =  $rac{V_0}{\omega N A_c} [\sin(rac{\pi}{2}+0)-\sin 0] = rac{V_0}{\omega N A_c}$ 

اس کے بر عکس  $heta=-rac{\pi}{2}$  کی صورت مسیں B کی زیادہ سے زیادہ قیت  $t=\pi$  پر حساس کہ وگی جو مساوات ۳ ۵۲ سیر ردی گئی قیمت کی د گئی ہے:

$$B_{\dot{\tau}\dot{\omega}\dot{\tau}} = \frac{V_0}{\omega N A_c} [\sin(\pi - \frac{\pi}{2}) - \sin(-\frac{\pi}{2})] = \frac{2V_0}{\omega N A_c}$$

یعنی کثافت مقت طیسی بہب و کاطول معمول سے دگت ہو گا۔ ان دو قیمتوں کے نیچ  $\theta$  کی کسی بھی قیب کے لئے زیادہ کثافت مقت طیسی ہے۔ اوان دوحہ دول کے بیچرہتاہے۔

B - Hفط غیر بیندر ت $\mathcal{B}$ بڑھتاہے ا $\mathcal{B}$ د گنارنے کی مناطب ہو کا گنابڑھا ناہو گا، جو کھے مسیں محسر کے برقی روبڑھانے ہے ہوگا^^یہاں صفحہ ۳۳ پر د کھائے شکل ۱۷۲ ہے رجوع کریں۔ توی ٹرانسفار مسرول مں ہیں بیجیانی کثافت مقت طیسی بہب و کی چوٹی  $1.3 \leq B_0 \leq 1$  ہوتی ہے۔ یوں لمحہ حیالو پر کثافت مقت طیسی بہب او ک 2.6 ٹسلاتک ہو سکتی ہے جس کے لئے در کار بیبان انگیے زبر قی رو ۸۸بہت زبادہ ہو گی۔

<sup>2000</sup> کاودولہ وائمپیئر ٹرانسنار مسرے حیالوکرتے وقت تھسر تھسر ابہ کی آواز آتی ہے

۸۸ باب۳ برانسفار مسر

# باب

# برقی اور میکانی توانائی کاباہمی تب دلہ

بر قی رویامقت طبی بہب و کی مدد سے برقی توانائی کومیکانی توانائی کوبر قی توانائی مسیس مختلف مشین سبدیل کرتے ہیں۔ پیپ کئی آلات، لاؤڈ سپیکر، مانکر وفون، وغسیرہ نہبایت کم طباقت کا سبادلہ کرتے ہیں جب ریلے ا، برقی مقت طیسس، وغیسرہ، قوت پیدا کرتے ہیں۔ کئی مشین، جن مسیس برقی موٹر اور جنسریٹ سٹسر سٹ سل ہیں، ایک قتم کی توانائی کو دوسسری قتم کی توانائی مسیس مسلسل میں بل کرتے ہیں۔

اسس باہے مسیں مقت اطبی ہیساو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر خور کسیا حبائے گا۔ برتی رو کی مدد سے بھی توانائی کا تبادلہ سمجھاحباسکتاہے جس کا تذکرہ اسس کتاہے مسیں نہیں کسیاحبائے گا۔

اسساب مسین ہم وہ اہم تراکیب نسیکھیں گے جو انجنیئری مسائل حسل کرنے مسیں مد د گار ثابت ہوں گے۔

# ۱.۴ مقن طیسی نظام مسیں قوت اور قوت مسروڑ

برقی میدان E میں برقی بار q پر درج ذیل قوت اثرانداز ہوگا۔

$$(r.1)$$
  $F = qE$ 

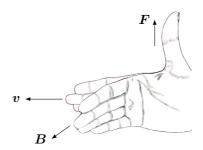
ىثبت برتى بارېر قوت برتى شەدى E كەرخ ہوگى جب كەم خى بارېر قوت E محن الف رخ ہوگى - مىناطىسى مىيدان مىسىيى متحسر كى بارq ، جس كى سمتى رقى بارq ، جس كى سمتى رقى بارۇقۇگى -

$$(r.r)$$
  $oldsymbol{F} = q \, (oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})$ 

مثبت برتی بار پر توت کارخ دائیں ماتھ کا قانون اور گارٹ کل ۱۰،۱)۔ دائیں ہاتھ کے انگوٹھے کو باقی انگیوں کے ساتھ بر وست را دست کی میں انگیوں کے ساتھ بر وست کر کے ، چھوٹے زاوی پر گھساکر ، B کے رخ موڑنے سے انگوٹٹ F کا رخ دیگا۔ منتی بار پر توت محسالہ ، کا کست منتی بار پر توت محسالہ ، کا کا ہے۔ منتی بار پر توت محسالہ ، کا کا کہ ہوگی۔

right hand rule

velocity



یہاں سمتی رفت ارq اور B گئے۔ برقی اور مقت طیسی (دونوں) میدان مسیں حسر کت پذیر بار پر قوت مساوات ۱.۴ اور مساوات ۲.۴ کے محب وعیہ سے حساصل ہو گی جس کومساوات **لورینز** کتے ہیں۔

$$(r.r)$$
  $F = q(E + v imes B)$  مساوات لوریت ز

ماوات v میں v مناصلہ کو ظ $v=\mathrm{d}L/\mathrm{d}t$  مناصلہ کو ظاہر  $v=\mathrm{d}L$  مناصلہ کو تاریخ کی ایوں درج ذیل میں میں موگا

$$\begin{split} \boldsymbol{F} &= q \left( \frac{\mathrm{d} \boldsymbol{L}}{\mathrm{d} t} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= \frac{q}{\mathrm{d} t} \left( \mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \end{split}$$

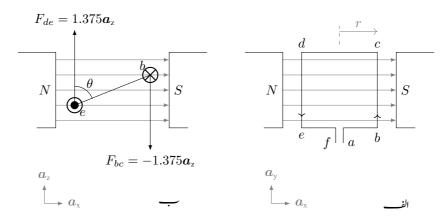
جباں  $i=q/\,\mathrm{d}t$  کھے ہوئے درج ذیل ہوگا۔

$$(r.r)$$
  $oldsymbol{F}=i\left(\mathrm{d}oldsymbol{L} imesoldsymbol{B}
ight)$ 

مثال ۱.۷: سشکل ۲.۷ مسیں ایک حیکر کے گیس abcdef کو مقن طیمی میدان مسیں دکھیایا گیا ہے۔ کچھے کا رواس 1.5 میں دکھیا گیا ہے۔ کچھے کا رواس 15سے کی تاریخ کے ان تاریخ کے دارنو کسیلی کے دارنو کسیلی کے دارنو کسیلی کے دول کے دارنو کسیلی کی دول کے خوبی قطب سے جنوبی قطب کے رخ دکھیایا گیا ہے۔ اگر کثافت مقن طیمی بہاو 5.5.5 کملا ہوتہ۔

- کچھے کے اطبران پر قوت دریافت کریں اور
  - کیھے پر قوت مسروڑ au دریافت کریں۔

Lorenz equation



شکل ۲:۴.۲ یک حیکر کے لیجے پر قوت اور قوت مسروڑ

حسل: مشکل-الف اور ب مسین کارتیبی اکائی سمتیات و کھائے گئے ہیں۔ برقی تاریح سسروں کو نظر انداز کرتے ہوئے اے ایک بنند مستطیل تصور کرتے ہیں۔ یوں سشکل-الف مسین برقی روئے رخ تاریح اطسران کی سسمتی لمبائیاں درج ذیل ہوں گی جہاں 1 محوری لمبائی ہے

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{ ext{x}} \end{aligned}$$

جب کہ  $B=B_0 a_x$  ہوگا۔ ان مسین  $a_{
m x}$  اور  $a_{
m y}$  اکائی سمتیات ہیں۔ یوں مساوات  $a_{
m y}$  کے تحت ان اطسراف پر قوت (یوٹن) در جن ذیل ہوگا۔

$$egin{aligned} m{F}_{bc} &= i \left( m{L}_{bc} imes B_0 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 5 \left( 0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= -1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{cd} &= 5 \left( -0.3 m{a}_{
m x} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 0 \\ m{F}_{de} &= 5 \left( -0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{eb} &= 0 \end{aligned}$$

 جس کارخ دائیں ہاتھ کے متانون سے حساس ہوگا۔ متطلب تاریر تو سے مسروڑ ( نیوٹن میٹر ) درج ذیل ہوگا۔  $au=(1.375)(2)(0.15)(\sin\theta)m{a}_{
m y}$   $=0.4125\sin\thetam{a}_{
m y}$ 

مساوات ۱۰،۳ تا مساوات ۱۰،۳ کا استعال صرف ساده ترین صور توں مسین ممسکن ہوتا ہے۔ حقیقی مشینوں مسین ان مساوات سے قوت تعسین کرنامشکل ثابت ہوتا ہے۔ آئیں ایک ایک ترکیب مسیکتے ہیں جس سے ہم مختلف مشینوں مسین پائی حبانی والی قوتیں تعسین کر سکیں۔ اسس ترکیب کانام ہم توانا کی <sup>۵</sup>ہے جو توانائی کے اٹل ہونے پر مسبنی ہے۔

گومتی برقی مشین عسوماً دو کچھوں پر مشتل ہوتی ہیں۔ان مسین ایک لچھامشین کے ساکن حصہ پرلیٹ ہوتا ہے جس کی بنت سے ساکن رہت ہے اور ساکن کچھوں ہر مشین گھومتے کی بنت سے ساکن رہت ہوئے ایر مشین کھومتے ہوئے ایر مشینوں کی کار کردگی سے سے بھی گھومت ہے۔اس کو گھومتا کچھا کہتے ہیں۔ان کچھوں کو دوعہ دمقت طیسس تصور کرتے ہوئے ایسی مشینوں کی کار کردگی باآب نی سمجھی حب سے ہے۔

جس طسر S دومقت طیسس اگر فت ریب لائے حبائیں توب کو مشش کرتے ہیں کہ ایک کاشمال N دوسسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

موٹر کے دو کچھ مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ ہم حبانے ہیں کہ ایک مقناطیس کے شمال N اور دوسرے کے جنب کے قات کشش پائی حباتی ہیں۔ ہم حبانے ہیں کہ ایک مقناطیس ہباو گھوٹے کے مقناطیس ہباو سے پچھ آگے رہ کر اسے کھنے کرکام کرتا ہے۔ جنسریٹ مسیں اسس کے بر عکس گھومت کچھ، ساکن کچھے پرکام کرتے ہوئے اسس مسیں برقی وباو پیدا کرتا ہے۔

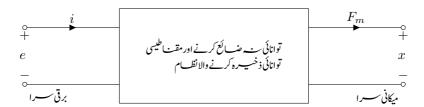
جہاں نظام مسیں توانائی کے ضیاع کو ذخیرہ توانائی سے علیحہدہ کرناممسکن ہو وہاں توانائی کے ضیاع کو ہیں۔ ونی رکن تصور کیاحب تا ہے۔ مشکل ۲۰٫۲مسیں ایک ایسابی نظام دکھایا گیا ہے جس مسیں کچھابرتی نظام اور حسر کی حصہ میکانی نظام کو ظاہر کرتے ہیں اور کچھے مسیں توانائی کے ضیاع کو ہیں۔ ونی مسزاحیہ ہے ظاہر کسیا گیا ہے۔

توانائی کا بنیا دی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی حب سے تی ہے اور ناہی اے تب ہ کی حب سکتا ہے۔ اسس کو صرف ایک فتح مے دوسسرے فتم کی توانائی میں تبدیل کسیا حب سکتا ہے۔ یوں نظام کو منسراہم برقی توانائی میں زخسید ملک کا ایک حصب میکانی توانائی میلی  $\partial W$  مسیں تبدیل ہو گاجب کہ اسس کا دوسسراحسس، مین طیبی  $\partial W$ ، مقن طیبی میں دان مسیس ذخسیرہ ہو گا اور باقی

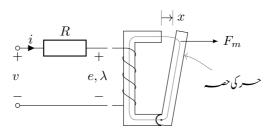
co-energy<sup>a</sup> stator coil<sup>4</sup>

rotor coil2

مدانی توت  $F_m$ میں چھوٹی کھی کی مسیں mلفظ مدانی کو ظباہر کر رہاہے۔  $^{\wedge}$ 



#### مشکل ۲۰.۳ برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تب دلہ کانظام۔



شکل ۴.۴:قوت پیداکرنے والا آلا۔

حسہ، من کی کام نے آکے گا: حسریقوں سے صن کُع ہو گیا جو ہمارے کی کام نے آکے گا:  $\partial W_i$ 

برقی توانائی کے ضیاع کو نظہ رانداز کرتے ہوئے

$$($$
^.٦)  $\partial W_{\dot{j}_{\chi}} = \partial W_{\dot{j}_{\dot{\chi}}} + \partial W_{\dot{j}_{\chi}} + \partial W_{\dot{j}_{\chi}}$ 

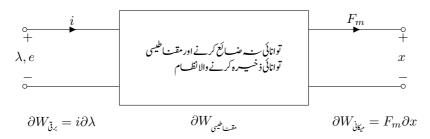
 $2 \partial t$ کھے جس کو  $\partial t$ ے تقسیم کرکے

$$\frac{\partial W_{\vec{\mathfrak{J}}_{\angle}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\vec{\mathfrak{J}}_{\angle}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\vec{\mathfrak{J}}_{\angle}}}{\partial t}$$

$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

 $\sim$  استعال کرتے ہوئے اسس کو  $W_m$  کھی گیا ہے۔ مساوات ۱۲۷٫۲ ستعال کرتے ہوئے اسس کو

$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$



مشکل ۸ . ۲۰ : توانائی کی قتم تب دیل کرنے والا ایک نظام۔

کھ- استاہے۔ دونوں اطسرانہ کو  $\partial t$  سے ضرب دے کر ترتیب نو کرتے ہوئے درج ذیل حساسل ہو گا۔

$$\partial W_m = i\partial\lambda - F_m\partial x$$

م اوات ۴.۴ آوانائی کے طبریق کی بنیاد ہے۔ اسس م اوات کو استعمال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیاد ی طور پر لور پسنز کے وحانون e ہے ہی پیدا ہوتی ہے۔ مساوات ۱۰.۴ مسین برقی متغیبرات i اور e کی بحب نے i اور k ہیں۔ الہذا مسئل ۴.۵ کی طبرح بھی بنیاح سکتا ہے۔

 $\frac{\partial z}{\partial y}$  کو متقل تصور کیا جاور y کو کتنے ہوئے y کو متقل تصور کیا جاور z(x,y) کا کل تف رق درج ذیل ہوگا جہاں میں ہوئے z کو متقل تصور کیا جاتا ہے۔

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial z}{\partial y} \, \mathrm{d}y$$

ای طسرح $W_m(x,\lambda)$  کال تفسرق

$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} \, \mathrm{d}\lambda$$

ہو گا جس کا مواز نے مساوات ۲۰۰۴ کے ساتھ کرکے درج ذیل انسنز کسیا حبا سکتا ہے جہاں ایک متغیبر کے ساتھ حب زوی تفسر ق لیتے وقت دوسسرے متغیبر کو صریحیاً مستقل ظہیر کسا گیا ہے۔

$$F_m(x,\lambda) = -\left.\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}\right|_{\lambda_0}$$

$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|_{x_0}$$

مقت طبیعی میدان مسین مقت طبیعی توانائی  $W_m(x,\lambda)$  دریافت کر کے مساوات ۱۳.۴ کی استعمال سے قوت دریافت کی حسب حب سکتی ہے۔ شکل ۲۰۰۴ مسین قوت اور حسائی درز مسین مقت طبیعی بہاوایک دوسسرے کے متوازی ہیں۔ اگلے حسب مقت طبیعی توانائی کاحصول سکھایا سے گا۔

Lorenz equation

# ۲.۲ سبادله توانائی والاایک کیچه کانظهام

شکل ۴.۳ مسیں ایک لیچھے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ لیچھ مسیں برقی ضیاع کو بسیر ونی مسزا تھ سے ظاہر کیا گیا ہے جب کہ میکانی نظام مسیں حسر کی حصہ کی کمیت کو نظسرانداز کیا گیا ہے۔ جہاں اسس کمیت کا اثر حبائت ضروری ہووہاں اسس کو ایک بسیرونی کمیت تصور کیا حب سکتا ہے۔ اسس طسرح تب دلہ توانائی کے نظام پرغور کرنا آسان ہوتا

$$(r.1a)$$
  $\lambda = L(x)i$ 

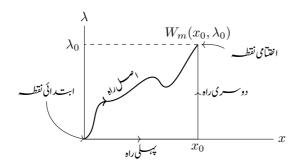
 $\partial W_{i,\gamma}$  سین قوت  $F_m$  کے رخ طے ہونے والا ف اصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام  $\partial W_{i,\gamma}$  سین قوت  $\partial W_{i,\gamma}$  ہو گاجب کہ منسراہم برقی توانائی  $\partial W_{i,\gamma}$  و  $\partial W_{i,\gamma}$  برق توانائی  $\partial W_{i,\gamma}$  و منساوات  $\partial W_{i,\gamma}$  کو منساوات  $\partial W_{i,\gamma}$  کارسائنگر کے ہیں۔

$$\int \partial W_m(x,\lambda) = \int i(x,\lambda)\,\mathrm{d}\lambda - \int F_m(x,\lambda)\,\mathrm{d}x$$

اسس تکمل کا حصول سشکل ۲۰۳ ہے واضح ہوگا۔ابت دائی نقطے پر مقت طیسی نظام کو کوئی برقی توانائی منسر اہم نہسیں کی گئی ہے۔ یوں نظام مسین برقی روصنسر ہو گئی جس کی بہنا مقت طیسی بہنا و اور ار شباط بہنا و بھی صنسر ہول گے لہنذامقت طیسی میدان مسین مقت طیسی توانائی بھی صنسر ہوگی۔ کہتی مقت طیسس کی قوت کشش اسس کی مقت طیسی بہنا و پر منحصسر ہوتی ہے لہنذامقت مقت طیسی بہنا و کی بننا اسس نظام مسین قوت کشش صنسر ہوگا اور یوں اسس مسین حسر کت بھی صنسر ہوگا۔اسس طسرح ابت دائی نقطہ پر درج ذیل ہوں گے۔

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

ابت دائی نقط شکل ۱.۳ مسیں و گھسایا گیا ہے۔ اب کچھے کو برقی توانائی منسر اہم کی حب تی ہے۔ کچھے مسین برقی رو کی بن تو سے دار حسر کرت پید اہم گی۔ آمنسر کار نظام اختتا کی نقط بی بہتے گا۔ اختتا کی نقط ہی مشکل مسین و کھسایا گیا ہے۔ اسس نقط ہی رہنے گا۔ اختا کی نقط ہی سکل مسین کو کھنا گا سے مسین کو اندائی نقط ہے۔ اختتا کی نقط ہی تعلق کے اور  $x=x_0$  بی اور مقت طیسی میدان مسین توانائی کو بول بڑھ سایا جا ہے کہ کہ اور x شکل ۱۲ مسین موثی کگی سر (اصل راستے پر میں وات ۱۲ کا کھی نقط ہی بر میں مقت طیسی توانائی کو اندائی کی سے کہ سے کہ میں مقت طیسی توانائی کی اندائی کی میں اور سے اندائی اور کی کھیل کی بجب نے ہم متب دل راست اختیار کرتے ہیں۔ حساس راہ پر محمل کی بعب کے ہم متب دل راست اختیار کرتے ہیں۔



شکل ۲.۲:مقت طیسی میدان مسیں توانائی۔

ہم اس حقیقت سے بنائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقن طیسی میدان ایک قدامت پہند میدان "اے جس کا مطلب ہے کہ مقن طیسی میدان ایک حقومت پہند میدان "اے جس کا مطلب ہے کہ مقن طیسی میدان میں مقن طیسی توانائی عرف اور مرف اختیامی نقطہ کے میں اور مرف اختیامی نقطہ ہو کے ممل کی مت دار پر مخصص رہوگی "ایپ کا دارومدار راہ پر مخصص رہیں ہے لہذا توانائی کے حصول کے ممل مسیں ہم من پسند راستہ اختیار کرتے ہیں۔ ہم ممل کیت ہوئے مسلم کی متب راہ حسل کر من اختیار کرکے اختیامی نقطہ ہو کے مسلم کی متب کی مسلم کی مقطب کے ایک مسلم کی مقطب کی مسلم کی مسلم کی مسلم کی مقطب کی مسلم کی کرد کی مسلم کی کرد کی مسلم کی کرد کی مسلم کی کرد کرد کی مسلم کی کرد کرد کی مسلم کی کرد

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d} \partial W_m(x,\lambda) = \int\limits_{\mathbb{R}^d} \partial W_m(x,\lambda) + \int\limits_{\mathbb{R}^d} \partial W_m(x,\lambda)$$

ا س مباوات کے دائیں ہاتھ تکملات کوباری باری دیکھتے ہیں۔ پہلی راہ تکمل کومساوات ۲۶.۴ کی مدد سے ککھتے ہیں۔

$$\int\limits_{\mathrm{d}x}\partial W_m(x,\lambda)=\int\limits_0^0i(x,0)\,\mathrm{d}\lambda-\int\limits_0^{x_0}F_m(x,0)\,\mathrm{d}x$$

جیب شکل ۱۸.۴ میں دکھ یا گیا ہے، پہلی راہ پر  $\lambda$  جب میں اس بات کو برقی رو  $\lambda$  برق رو  $\lambda$  برق رو رو تربی اس بات کو برقی رو رو تربی اس بات کو برقی رو رو تربی اور قوت  $K_m(x,0)$  کو برق کی اور اختای نقطوں پر  $\lambda$  صف رہ البت البی اور اختای نقط ایک دو سرے کے برابر ہوں۔  $\lambda$  بوگا۔ ایسے محمل کی قیت صف رہوتی ہے جس کا ابت دائی اور اختای نقط ایک دو سرے کے برابر ہوں۔ پہلی راہ پر  $\lambda$  وی بالبی بیان بیان بیان بیان راہ پر مقت طیسی بات میں کہ موسل میں بیان بیان کے گا اور قوت  $\lambda$  موگا۔ بیان کہ صف رہوتا ہے لبان راہ پر مقت کی بیان کہ صف رہوتا ہے لبان اور قوت  $\lambda$  موگا۔ بیان کہ صف رہوتا ہے لبان راہ پر مقت کی بیان کہ صف رہوتا ہے لبان راہ پر مقت کی بیان راہ بیان کہ صف رہوتا ہے لبان راہ بیان کی راہ بیان کی راہ بیان کہ موسل کی موسل کی موسل کی رہوتا ہے لبان کی راہ بیان کی رہوتا ہے لبان کی رہ کی رہوتا ہے لبان کی رہوتا ہے لبان کی رہوتا ہے لبان کی رہوتا ہے ل

conservative fieldir

<sup>&#</sup>x27;''تحباذبی مسیدان بھی مت دامت پسند مسیدان ہے۔ای لئے اگر کمیت س کو کسی بھی راسنے h کی بلنندی تک لے حبایا حبائے تواسس کی ففی توانائی mgh ہو گی۔

ير كاتكمل (مساوات ١٨.١٠) صف ر هو گا:

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m(x,0)=\int_0^0i(x,0)\,\mathrm{d}\lambda-\int_0^{x_0}F_m(x,0)\,\mathrm{d}x=0$$

مساوات ۴۰۷مسین دوسسری راه کاتکمل

$$(r.r\bullet) \qquad \int\limits_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_m(x_0,\lambda) = \int_0^{\lambda_0} i(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}\lambda - \int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}x$$

ہوگا۔ دو سری راہ پر  $x=x_0$  ہوگا۔ دو سری راہ پر  $x=x_0$  ہوگا۔ دو سرے کمل کا ابت دائی نقطہ  $x_0$  اور اختامی نقطہ بھی  $x_0$  ہوگا۔ نقطہ بھی  $x_0$  ہوگا۔

$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0,\lambda)\,\mathrm{d}x = 0$$

آ حنسر مسیں مساوات ۲۰٫۳ کے دائیں ہاتھ، برقی رو کا تکمل حسل کرنا باقی ہے۔ مساوات ۱۱۵٫۳ استعال کرتے ہوئے اسے حسل کرتے ہیں۔

$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0,\lambda)\,\mathrm{d}\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda\,\mathrm{d}\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

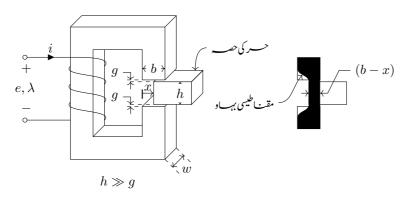
مساوات ہم ۲۰٫۰ مساوات ۲۱٫۳ اور مساوات ۲۲٫۳ کے نتائج استعال کرتے ہوئے مساوات ۲۰٫۳ امسیں دیے تکمل کا حسل کھتے ہیں:

$$W(x_0, \lambda_0) = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

اسس مساوات مسیں اختتا می نقط کو عصومی نقط  $(x,\lambda)$  کسیتے ہوئے درج ذیل حساس ہو گاجو مقت طیسی میدان مسین توانائی کی مساوات ہے۔

$$W(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L(x)}$$

مساوات  $F_m(x,\lambda)$  مدد ہے مساوات  $F_m(x,\lambda)$  اور مساوات  $F_m(x,\lambda)$  اور مساوات  $Y_m(x,\lambda)$  مدد ہے۔ مسکن ہے۔ مسکن ہے۔ مسکن ہے۔ مسکن ہے۔ مشکل ۲۰۰۳: مشکل ۲۰۰۳: مشکل ۲۰۰۳: مشکل ۲۰۰۳: مشکل ۲۰۰۳: مسکن حسوں مشکل ۲۰۰۳: مشکل ۲۰۰۳:



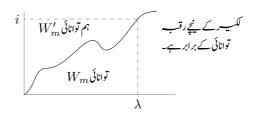
مشكل ٢. ٢٠: حسر كت اور توانائي ـ

 $W_m(x,i) = rac{1}{2} imes rac{1}{2$ 

مثال ۱۳۰۳: شکل ۱۳۰۳ کسیں توانائی کے طسریت ہے تو سے  $F_m$  دریافت کریں۔ حلی سے والے ۱۳۰۳ کسی توانائی کے مصریت ہے کہ  $F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}\Big|_{\lambda_0}$  حلی ہے جاتا ہے گاجب ان توانائی کے متغیرات x اور x بین مصل مثال ۱۳۰۳ مسیں مصاوات ۱۳۰۳ مسیں ۱۳۳۳ مسیں کی جو توانائی کا کلیے ہے۔ ایس کرتے ہوئے کہ کی جائے x اور x بین مصاوات ۱۳۰۳ مسیں x متغیرات x اور x بین میں اوات ۱۳۰۳ مسیں کے متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات کے در کار ہوں گے تا کہ توانائی کے درست متغیرات کے درست قوت حاصل نہیں ہوتا ہے)۔ درست طریقت در تی در تا کہ در کار ہوں گے در کار ہوں کے در کار ہوں گے د

$$(\textbf{r.ra}) \hspace{1cm} W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2\left(\frac{N^2\mu_0A_g}{2g}\right)} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0w(b-x)}$$

٣٠.٣. توانائي اور ٻم توانائي



مشكل ٨ . ٢٠: هم توانائي كي تعسر يفي

ساوات ۴۰.۲۵ اور مساوات ۴۰.۳ امسل کر درج ذیل دیتی ہیں۔

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2 \mu_0 w (b-x)^2}$$

ت رق کے بعد  $L=\frac{N^2\mu_0w(b-x)}{2g}$  کے بیال جہاں  $\lambda=Li$  ہوگا۔ بیال توت کے بعد کا جاتا ہے جہاں تا ہے جہاں تو ت

$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28274$$

 $\frac{1}{2}$ نیوٹن حساس ہوتی ہے۔ قوت کی عسلامت منفی ہے جس کے تحت قوت گفتہ x رخ ہوگی۔ یوں حسر کی حصہ بائیں رخ کسینی جساف کی کسینی اور مسیل ہوتی ہے جب کہ مشکل کسینی جساف کا کسین ہوت اور حسال کی درز مسین مقت طبی بہاوا یک وحسرے کے متوازی تھے جب کہ مشکل x میں مقت طبی بہاوا یک دروسرے کے عسود میں ہیں۔

# ۳.۳ توانائی اور ہم توانائی

سشکل ۸.۸ مسیں  $\lambda$  اور i کے مابین ترسیم و کھایا گیا ہے۔ اسس لکسیر کے نیجے رقب کو ہم توانائی  $W_m$  تصور کریں۔ اسس ترسیم پر کوئی ایک نقط  $(\lambda,i)$  کے کر ایک لکسیر نیجے اور دوسسری بائیں کھنچ کر ایک منتظیل مکسل کسیا گیا ہے۔ جس کارقب ہم توانائی  $W_m$  کہلاتا ہے۔ جس کارقب ہم توانائی  $W_m$  کہلاتا ہے۔

$$($$
י. ריז $)$   $W_m' = \lambda i - W_m$ 

co-energy "

ہم توانائی کے حبزوی منسرق

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

سیں مساوات ہم. ۱۰ اکااستعال

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + F_m \partial x$$

يگا-يب بنجي مساوات ۱۳.۳ کا خسزوي فنحرق کي بخي تف عسل z(x,y) کا خسزوي فنحرق کي بخي تف عسل  $z(x,y)=rac{\partial z}{\partial x}\,\mathrm{d} x+rac{\partial z}{\partial y}\,\mathrm{d} y$ 

موگالېنداېم توانانې $W_m'(x,i)$ کاحبزوی منسرق درج ذیل موگاـ

$$\partial W_m'(x,i) = \frac{\partial W_m'}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial W_m'}{\partial i} \, \mathrm{d}i$$

مساوات ۲۸.۴ کامساوات ۲۷.۴ کے ساتھ موازن کرنے سے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

اور

$$F_m = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial x} \right|_{i_0}$$

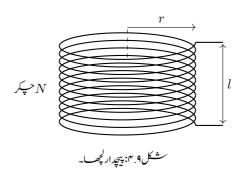
مساوات ۴۰.۴ ستوت دریافت کرنے کا دوسراکلیہ دیتی ہے۔ مساوات ۴۰.۴ مسیں ہم توانائی جبکہ مساوات ۱۴۰.۳ مسیں ہم توانائی جبکہ مساوات ۱۴۰.۳ مسیں توانائی کے ذریعیہ توت حساسل کی گئی۔ توانائی کے طسریق کی طسرح مساوات ۲۹.۴ سے درج ذیل کمل کھے حساسکتا ہے۔

$$($$
r,r $)$   $W_m'(i_0,x_0)=\int_0^{i_0}\lambda(i,x_0)\,\mathrm{d}i$ 

جن نظام مسیں  $\lambda$  اور i کا تعساق تغیبر راسی ہو، جس کو مساوات ۲۹.۲ بیان کرتی ہو، ان کے لئے درج بالا تکمل کا حسل درج ذیل ہو گاجب ان میں  $x_0$  بین بوگاجب ان میں نگری کی بجب نے عسومی متغیب رات  $x_0$  اور x کھھے گئے ہیں۔

(r.rr) 
$$W_m'(i,x) = \int_0^i L(x) i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x) i^2}{2}$$

٣٠٠. توانائي اور ڄم توانائي



بعض مسائل مسین توانائی اور بعض مسین ہم توانائی کااستعال زیادہ آسان ثابیہ ہو تاہے۔

مثال ۴.۳: شکل ۹.۴ میں ایک پیچدار کچھ دکھیایا گیا ہے جس کی محوری لمب نی I رواسس r اور حپکر I ہیں۔ پیچدار کچھ کے مقن طبی بہب و کا بیشتر حصہ محوری رخ کچھ کے اندر رہت ہوئے کے مقن طبی بہب و کو نظر رانداز کرتے ہوئے کے اندر محوری لمب ائی رخ مید انی شدت  $H \approx \frac{NI}{I} \approx H$  موگا۔

موصل دھا۔ کو امالی برتی توانائی سے بگھ کانے کے لئے پیچدار کچھ استعمال کیا حباتا ہے۔ مسین 100 تا 1500 کلو واٹ برقی طباقت کی **امالی برقی بھٹیاں** ابن تار ہاجو بالت مرتیب 500 تا 1200 ہر ٹزیر کام کرتی اور 100 سے 3000 کلوگرام لوہا بگھساتی ہیں

پگھلاتی ہیں۔ امالی بھٹی کے پیچدار کچھے کے اندر غنیسر موصل پیالے مسین دھاسے کے کلڑے ڈال کر کچھے مسین بدلت ارو گزاری حباتی ہے جو دھاسے مسین بھبنور نمسالهالی برقی روپیدا کرتی ہے۔ بھبنور نمسار و دھاسے کو گرم کر کے پگھلاتی ہے۔ امالی برقی بھٹی مسین لوہے کو 1650 ڈگری سیلمیئیں آئیسے گرم کمیاحب تاہے۔

پیچدار کچھے مسین برقی رو 10 کی بین کچھے پر ردای رخ میکانی دباویعنی قوین نی مسسر تارقب پیدا ہو گا۔ میسری 3000 کلوگرام لوہا پگھلانے کی بھٹی کے پیچدار کچھے کی تفصیل درج ذیل ہے۔

$$N=11, \quad I_0=10\,000\,{\rm A}, \quad l=0.94\,{\rm m}, \quad r=0.49\,{\rm m}$$

اسس پرردای رخ بیکانی دباو (نیوش فی مسرع مسیر) حساسل کریں۔ حسل: ہم توانائی کا طسریقہ استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W_m'(r,i) &= \frac{L i^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W_m'}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

high frequency, induction furnaces (Action Celsius, Centigrade)

باب ۴. برقی اور میکانی توانائی کابا ہمی شب دله





#### شکل ۱۰ به: برقی مقن طیسس **ـ**

اسس قوت کی عسلامت مثبت ہے المہذا ہے۔ ردائی رخ باہر حبانب ہو گا۔ کچھے کو نکلی تصور کریں جسس کی گول سطح کار قب  $A=2\pi rl$ 

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوگا۔

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8604 \,\mathrm{N\,m^{-2}}$$

مثال ۴.۵: 2700 کلوواٹ امالی بھٹی یومیہ 70ٹن ²الوہا پھٹال قی ۱ ہے۔اتنے وزن کی منتقلی کے لئے برقی مقت اطیسس استعال کیا حباتا ہے۔سشکل ۴.۴ امسیں ایک ایسابر قی مقت اطیسس د کھایا گیا ہے جس کی تفصیل درج ذیل ہے۔

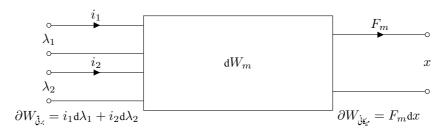
$$N = 300, \quad A = 0.8 \,\mathrm{m}^2, \quad I = 30 \,\mathrm{A}$$

برقی مقت طیسس اور لوہے کے ﷺ اوسط و نساسلہ 2.5 سنٹی میسٹر لیں۔ یہ برقی مقت طیسس کتنی کمیت کالوہااٹھ سکتا ہے؟ حسل:

$$L = \frac{\mu_0 N^2 A}{2l}$$
 
$$W_m'(l,i) = \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l}$$
 
$$F = \frac{\partial W_m'}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.025^2} = -32\,572\,\mathrm{N}$$

قوت کی عسلامت منفی ہے۔ یوں یہ مقن طیسس اور لوہے کے نگافٹ اصلہ کم کرنے کی کوشش کرتی ہے۔ یہ مقن اطیسس  $\frac{32572}{9.8}$  کیت الحمل سکتا ہے۔

ا ہزار کلوگرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ ۱مسیں اپنے تحب ربے میں بنیاد پر کہ۔ رہاہوں۔



مشكل ١١.٧٨: دولچھوں كانظسام\_

مثال ۲۰۰۱: مثال ۴۰ سکونم توانائی کے طسریق ہے حسل کریں۔ حسل: مساوات ۴۰ سے

$$W_m' = \frac{L(x)i^2}{2} = \frac{N^2 \mu_0 w (b-x)i^2}{4g}$$

ککھ کر مساوات ہم. ۲۰۰۰ سے درج ذیل قوت حساصل ہوتی ہے۔

$$F_m = \frac{\partial W_m'}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4g} = -28274 \,\mathrm{N}$$

# ۴.۴ متعبد د کچھوں کامقن طیسی نظیام

اب تک ایک کچھے کے نظام پر غور کیا گیا۔ اس حصہ مسین ایک سے زیادہ کچھوں کے نظام پر غور کیا حبائے گا۔ متعبد دلچھوں کا نظام بھی ایک کچھے کے نظام کی طسرح حسل ہوتے ہیں۔ مشکل ۱۱٫۳ مسین ایک کچھے کابرتی رو i اور دوسسرے کچھے کابرتی روزی ہے۔ اسس نظام کے لئے درج ذیل لکھٹ ممکن ہے جہاں W ذخیبرہ توانائی کو ظاہر کرتی ہے۔

$$\partial W_{ar{eta}_{\prime}}=i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+i_2\,\mathrm{d}\lambda_2$$

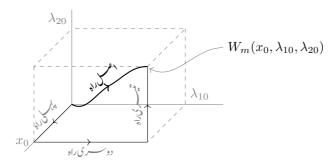
$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\mathcal{L}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\mathcal{L}}} + \partial W_{m}$$

 $\partial W_{\dot{b}\dot{b}}$  = بياني مساوات کو دو سرى مسيں پُر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات کو دو سرى مسيں پر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات کا کھیا گیا ہے۔

$$(\textit{r.r.s}) \hspace{3.1em} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = F_m \, \mathrm{d}x + \partial W_m$$

اسس کی ترتیب نو درج ذیل دیگی۔

(r.r1) 
$$\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)=i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+i_2\,\mathrm{d}\lambda_2-F_m\,\mathrm{d}x$$



شکل ۱۲ . ۲٪ دولچھوں کے نظام مسین مقت طیسی میدان مسین توانائی۔

اب بالكل مساوات ١٢.١٢ كي طسرح درج ذيل لكف حب سكتاہے۔

$$(\textbf{r.r.2}) \hspace{1cm} \partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} \, \mathrm{d}\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} \, \mathrm{d}\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} \, \mathrm{d}x$$

مساوات ۲۰۰۸ اور ۲۰۰۷ کے مواز نہ سے درج ذیل تعساقات اخبذ ہوتے ہیں۔

(r.th) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2,x}$$

(r.rq) 
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1,x}$$

$$(r.r.) F_m = -\frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \bigg|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

ہم دائیں ہاتھ کھلا ہے کو باری باری حسل کرتے ہیں۔

پہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  اصف در ہے ہیں جب کہ x کی ابت دائی قیت x اور اختای قیت  $x_0$  ہے۔ یوں پہلی راہ پر تکمل

درج ذیل ہو گا۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^{n}}\partial W_{m}=\int_{0}^{0}i_{1}\,\mathrm{d}\lambda_{1}+\int_{0}^{0}i_{2}\,\mathrm{d}\lambda_{2}-\int_{0}^{x_{0}}F_{m}\,\mathrm{d}x$$

کسی بھی تکمل کااہت دائی اور اختیامی نقط ایک دوسسرے جیب ہونے کی صورت مسین تکمل کی قیمت صف رہو تی ہے البند ادرج بالامسین دائیں ہاتھ، بہلے دو تکملات صف رہوں گے:

$$\int_0^0 i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

 $F_m$  بہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صف رہیں، لیخی، دونوں کچھوں مسیں برتی روصف رہے، اہلیذ امقت طبیحی بہب اوادر تو  $F_m$  صف رہوں گے۔ لیوں مساوات ۲۰۰۳ مسیں تو ہے کا تکمل صف رہوگا۔

$$(r,rr)$$
  $\int_{0}^{x_{0}} F_{m} \, \mathrm{d}x = \int_{0}^{x_{0}} 0 \, \mathrm{d}x = 0$  (۴,۲۲)

ماوات ۴، ۴۳ اور ماوات ۴، ۴۴ کے نتائج کے تحت پہلی راہ پر کمل صف رہوگا۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m=0$$

 $x_0$  سنسری راہ پر  $\lambda_1$  کی ابت دائی قیت  $x_0$  اور اختامی قیت  $x_0$  ہے،  $x_0$  صف رہت ہے جب کہ گی قیت رہتی ہے۔ یوں دوسسری راہ پر مکمل درج ذیل ہوگا۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^{d/2}}\partial W_m=\int_0^{\lambda_{10}}i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+\int_0^0i_2\,\mathrm{d}\lambda_2-\int_{x_0}^{x_0}F_m\,\mathrm{d}x$$

تکمل کاابت دائی اور اختیای نقط۔ ایک جیب ہونے کی صور ۔۔ مسین تکمل صف رہوگا:

$$\int_0^0 i_2\,\mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m\,\mathrm{d}x = 0$$

یوں مساوات ۴۲.۴ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$\int \partial W_m = \int_0^{\lambda_{10}} i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1$$
 (۲.۴۷)

يباں مساوات ۲۰۳۳.۲۰۳۳ اور ۳۸.۲۰۳۷ کی ضرورت پيش آئے گی جنہيں دوبارہ پيش كرتے ہیں۔

$$(r.rn)$$
  $\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$ 

$$(r.rq)$$
  $\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$ 

$$(r.s.)$$
  $L_{12} = L_{21}$ 

 $\sim$ اور $i_2$ اورماورماوات $i_1$ گو $i_2$ اور $i_2$ کے لئے حسل کے

$$i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

$$i_2=rac{L_{11}\lambda_2-L_{21}\lambda_1}{D}$$

حاصل ہو گاجہاں D درج ذیل ہے۔

$$D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

ما وات  $\lambda_2$  کوماوات  $\lambda_1$  و اگر در آذیل حساصل ہوگا۔

$$\int_0^{\lambda_{10}} \left( \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{10}} \lambda_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{10}^2}{2D}$$

یوں دوسے ری راہ پر تکمل کی قیمیے درج ذیل ہو گی۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^{d}}\partial W_{m}=\frac{L_{22}\lambda_{10}^{2}}{2D}$$

تیسری راہ پر  $\lambda_1$  کی قیست  $\lambda_1$  اور x کی قیست  $\lambda_2$  پر بر فسسر ارر ہتی ہے جب کہ کی ابت دائی قیست  $\lambda_1$  اور اختتا کی قیست  $\lambda_2$  گیا ہوگا۔ قیست  $\lambda_2$  کی ابت درج ذیل ہوگا۔

$$\int\limits_{\lambda_{10}}\partial W_m=\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}}i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+\int_0^{\lambda_{20}}i_2\,\mathrm{d}\lambda_2^2-\int_{x_0}^{x_0}F_m\,\mathrm{d}x$$

تکمل کا ابت دائی اور اختتامی نقط۔ ایک جیب ہونے کی صورت مسین تکمل کی قیمت صف رہوتی ہے اہلیندا درج بالا مسین دائیں ہاتھ پہلا اور تنیب راتکمل صف رہوگا:

$$\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}} i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \,\mathrm{d}x = 0$$

مساوات ۲۰۲۸ کی استعال ہے مساوات ۵۴.۴ کاباقی حصبہ حسل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \int_0^{\lambda_{20}} i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 &= \int_0^{\lambda_{20}} \left(\frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_{10}}{D}\right) \mathrm{d}\lambda_2 \\ &= \frac{L_{11}}{D} \int_0^{\lambda_{20}} \lambda_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 - \frac{L_{21}\lambda_{10}}{D} \int_0^{\lambda_{20}} \mathrm{d}\lambda_2 \\ &= \frac{L_{11}\lambda_{20}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D} \end{split}$$

مساوات ٢٠٥١ورمساوات ٥٦٠٨ کي نتائج سے تيسري راه کا تمل درج ذيل حساصل ہوگا۔

$$\int_{\omega \cup \omega} \partial W_m = rac{L_{11} \lambda_{20}^2}{2D} - rac{L_{21} \lambda_{10} \lambda_{20}}{D}$$

$$(\mathbf{r}.$$
مم) 
$$W_m(x,\lambda_1,\lambda_2)=\frac{L_{22}\lambda_1^2}{2D}+\frac{L_{11}\lambda_2^2}{2D}-\frac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$
  $\underline{\qquad}$   $\mathbf{v}$ 

$$W_m' = i_1 \lambda_1 + i_2 \lambda_2 - W_m$$

ہو گی۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W'_m=i_1\partial\lambda_1+\lambda_1\partial i_1+i_2\partial\lambda_2+\lambda_2\partial i_2-\partial W_m$$
 
$$: (٥٠.٥٩) \qquad \qquad \partial W'_m(x,i_1,i_2)=\lambda_1\operatorname{d} i_1+\lambda_2\operatorname{d} i_2+F_m\operatorname{d} x$$

جب کہ اور  $\lambda_2$  ، اور  $F_m$  کی مساواتیں درج ذیل ہوں گا۔

$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial i_1} \right|_{x,i_2}$$

$$($$
 (७.५।)  $\lambda_2=\left.rac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial i_2}
ight|_{x,i_1}$ 

$$F_m = \left. rac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial x} 
ight|_{i_1,i_2}$$

مساوات ۸۸.۴ کی مت بل جم توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

$$W_m'(x,i_1,i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

ہم قو\_\_\_ کو ہم توانائی سے حاصل کرتے ہیں:

$$(\text{r.yr}) \qquad F_m = \left. \frac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial x} \right|_{i_1,i_2} = \frac{i_1^2}{2} \frac{\mathrm{d} L_{11}(x)}{\mathrm{d} x} + \frac{i_2^2}{2} \frac{\mathrm{d} L_{22}(x)}{\mathrm{d} x} + i_1 i_2 \frac{\mathrm{d} L_{12}(x)}{\mathrm{d} x}$$

مثال 2.7: شکل 7.1امسیں میکانی کام کو  $d\theta$   $= T_m \,\mathrm{d}\theta$  ککھ کر توانائی کے طسریقہ ہے حسل کریں۔ توانائی کی مساوات

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\mathbf{L}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\mathbf{L}}} + \partial W_m$$

مبين

$$\partial W_{\ddot{\mathfrak{z}}_{\checkmark}}=i_{1}\,\mathrm{d}\lambda_{1}+i_{2}\,\mathrm{d}\lambda_{2}$$

اور  $\partial W_{\mathrm{ik}} = T_m \, \mathrm{d} heta$ ر پر کرکے ترتیب نوسے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d} \lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d} \lambda_2 - T_m \, \mathrm{d} heta$$

 $W_m$ ے حبزوی منسرق

$$\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,\theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} \, \mathrm{d}\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} \, \mathrm{d}\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} \, \mathrm{d}\theta$$

کامساوات ۲۵٫۳ کے ساتھ مواز ن کرنے سے درج ذیل اختذ کیے حباسکتے ہیں۔

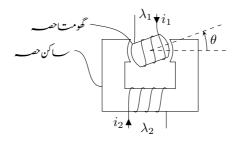
$$i_1=\left.rac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)}{\partial \lambda_1}
ight|_{\lambda_2, heta}$$

$$i_2=\left.rac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)}{\partial \lambda_2}
ight|_{\lambda_1, heta}$$

$$T_m = -\left.rac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)}{\partial heta}
ight|_{\lambda_1,\lambda_2}$$

مساوات ۱۵.۴ عسین مساوات ۴۲.۴ کی مانند ہے۔ مساوات ۱۵.۴ حسل کرنے کا ایک ایک وت دم مساوات ۲۵.۴ مسین میدانی توانائی مساوات x کی جگر ناویہ x کی جگر ناویہ کا آئے گا۔ یوں جواب مسین میدانی توانائی کے متغیبرات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  ہوں گے:

$$W_m(\lambda_1,\lambda_2,\theta)=\frac{L_{22}\lambda_1^2}{2D}+\frac{L_{11}\lambda_2^2}{2D}-\frac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$



مشکل ۱۳۱، ۲۷: دولچھوں کے نظب مسیں تو ۔۔۔ مسروڑ۔

اسی طسرح ہم توانائی کے لئے درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W_m'(i_1,i_2,\theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$

$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W_m'(i_1, i_2, \theta)}{\partial i_1} \right|_{i_2, \theta}$$

$$\lambda_2 = \left. \frac{\partial W_m'(i_1, i_2, \theta)}{\partial i_2} \right|_{i_1, \theta}$$

$$T_m = \left. \frac{\partial W_m'(i_1, i_2, \theta)}{\partial \theta} \right|_{i_1, i_2}$$

ہم توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

$$W_m'(i_1,i_2,\theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

مثال ۸.۷: سشکل ۱۳.۴ مسیں دو کچھوں کا نظام د کھایا گیا ہے۔اسس نظام کا ایک حصہ ساکن رہت ہے اور دوسر انگھوم سکتا ہے۔افقی لکسیسر سے گھٹری کی سوئیوں کے محنالف رُن گھومتے ہوئے زاوی کی ناپاجب تا ہے۔ کچھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندر حب ذیل ہیں۔

$$\begin{split} L_{11} &= 20 + 30\cos 2\theta \\ L_{22} &= (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3} \\ L_{12} &= 0.15\cos \theta \end{split}$$

ير قى روم 
$$T_m$$
مىلوم كرين يار يار ئى روم ئى يار ئى روم ئى يىنى روم كى يىنى يى يىنى يىنى

حسل: مساوات ۲۲،۴۸ توانائی دیتی ہے۔

 $W_m' = \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)i_1^2 + \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)(10^{-3})i_2^2 + (0.15\cos \theta)i_1i_2$ 

مساوات ۲۰.۱۷ کا آحن ری حب زوقوت مسرور دی ہے۔

$$\begin{split} T_m &= \frac{\partial W_m'}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_2^2 \sin 2\theta - 0.15i_1i_2 \sin \theta \\ &= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta \\ &= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta \end{split}$$

قوت مسروڑ کی عسلامت منفی ہے المہندا ہے زاویہ مسین تبدیلی کی ممنالفت کرے گا۔ یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں (مثبت  $\theta$ ) توہ نظام زاویہ کم کرنے کے رخ قوت مسروڑ (منفی  $T_m$ ) پیدا کرے گا وراگر آپ زاویہ کم (منفی  $\theta$ ) کرنے کی کوشش کریں توہ نظام زاویہ بڑھانے کے رخ قوت مسروڑ (مثبت  $T_m$ ) پیدا کرے گا۔ رہان مسین گھومت احمد افقی کلیے رپر رہنے کی کوشش کرے گا۔

## ا\_\_ه

# گھومتے مثین کے بنیادی اصول

اسس باب مسیں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا حبائے گا۔ ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قتم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہسیں اسس باب مسین اکٹھا کمیا گیا ہے۔

### ا.۵ متانون فسيرادّ

**قانون فیرا**ڈے اے تحت جب بھی کسی کچھے کاار تباط بہاو کہ وقت کے ساتھ تبدیل ہو،اسس کچھے مسیں برقی دباوپیدا ہو گا:

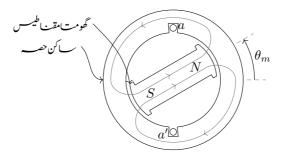
$$(\mathbf{a.1}) \hspace{3.1em} e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گومتے مشین مسیں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طسریقوں سے پیدا کی حباسکتی ہے۔مشلاً کچھے کو ساکن مقن طبی بہاومسیں گھسا کریاس کن کچھے مسیں مقن طبیس گھسا کر ،وغنسیرہ وغنسیرہ۔

ان برقی مشینوں مسیں کچھے مقت اطبیق فت الب اپر لیسٹے حب تے ہیں۔ اسس طسر رح کم سے کم مقت طبیق دباوے زیادہ سے زیادہ مقت اطبیمی بہب او حب اصل کر سے حب اتا ہے اور کچھوں کے مامین مشتر کہ مقت اطبیمی بہب اوبڑھ ایا حب اتا ہے۔ مسزید وت الب کی مشکل تبدیل کر کہ مقت اطبیمی بہب او کو ضرور ت کے مصام پر پہنچ سایا حب اتا ہے۔

ان مشینوں کے متالب مسیں مقت طیمی ہیں وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے لہذا مسیں تھبنور نما برقی رو ''پیدا ہوتا ہے۔ان تعبنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی حناطسر باریک لوہے کی پتسری ''تہہ در تہدر کھ کر متالب بنایاحہا تا ہے۔ آپ کویاد ہوگا، ٹرانسار مسرکات الب بھی ای طسرح بنایاحہا تا ہے۔

Faraday's law'
magnetic core'
eddy currents'
laminations'



شکل ۵.۱: دو قطب، یک دوری معاصر جنسریٹ ر

#### ۵.۲ معاصرمشين

سٹکل ۱.۵ مسیں معاصر برتی جنسر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے جس کے متالب مسیں ایک مقت طیس ہو کہ گھوم سکتا ہے۔ میکانی زاوی  $\theta_m$  مقت طیسس کا معتام دیتا ہے۔ افتی ککی رہے حنلان گھٹری زاوی  $\theta_m$  متالیح باتا ہے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقن طیس ایک مقصررہ رفت ارے، فی سیکنڈ n مکسل حپ کر کائت ہو تہر ہم کہتے ہیں کہ اس مقن طیس کے گوئے کا تعدد n ہر ٹڑ<sup>ہ</sup> ہے۔ ای بات کو بیل بھی ہیان کیا جب اتا ہے کہ مقن طیس 2 کوئے کہ منسل مقت طیس 2 کی رفت ارے گوم رہا ہے۔ آپ حبائے ہیں کہ ایک حپ کر 360 ذاوے یا  $2\pi$  ریڈیئن کی سیکنڈ کی مسینڈ بھی کہدہ سکتے ہیں۔ یوں اگر مقن طیس 1 ہر ٹزکی رفت ارے گوم رہا ہو تہر سیکٹر گی رفت ارے گوم کی اس میٹ کی سیکنڈ کی وفت ارے گوم رہا ہو تب سیک کے جس کو سیک خلیج کے جانہ کی جب سے تاہے۔

$$\omega = 2\pi f$$

اسس كتاب مسين گھومنے كى رفت اركوع موماً ريديين في سيكنڈ مسين بسيان كسياحبائے گا۔

سشکل ۱.۵ امسیں مشین کے دومقت طبیعی قطب ہیں، اسس لئے اسس کو دوقطبی مشین کتے ہیں۔ ساکن و تالب مسین، اندر کی حبانب دوم شگان ہیں، جن مسیں ۷ حب کر کالجھام وجو د ہے۔ لیچے کو ۵ اور ۵ سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ اسس لیچے کی بندا سے اسس مشین کوایک کچے کامشین بھی کتے ہیں۔ چونکہ ہے کچھا جنسر سٹر کے ساکن موجود ہے۔ لیے اسے المجوز کچھا کتے ہیں۔ لیچسا بھی ساکن ہوگا جس کی بہنا ہے ساکروز کچھا کتے ہیں۔

مقت طیسس کامقت طیسی بہب و شمالی قطب ایس سے سنارج ہو کر مندانگی درز مسیں سے ہو تا ہوا، باہر گول مت الب مسیں سے گزر کر ، دوسسرے مندانگی درز مسیں ہے ہو تا ہوا، مقت طیسس کے جنوبی قطب '' S مسیں داخشل ہو گا۔ اسس مقت طیسی

Hertz<sup>a</sup>

rounds per minute, rpm

radians<sup>2</sup>

stator coil<sup>A</sup>

north pole9

south pole

۵.۲ معب صرمت بین

بہاو کو ہلکی سیابی کے ککسیروں ہے د کھایا گیا ہے۔ یہ مقت اطیبی بہاو، ساراکا سارا، ساکن کچھے مسیں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل ۱۵ مسیں مقت طیسس سیدھی سلاخ کی مانٹ درکھایا گیا ہے۔

سشکل ۲۰۵ مسیں مقت طیس تقسر با گول ہے اور اسس کے تحور کا زاویہ m صف سر کے برابر ہے۔ مقت طیس اور ساکن و تالب کے تخ صف سر زاویہ ،  $0 = \theta$  ، پر حندانی درز کی لمب ان کم سے کم اور نوب زاویہ ،  $0 = \theta$  اور اسس کے تخ صف سر زاویہ ،  $0 = \theta$  ، پر حندانی درز کی لمب ان کم سے کم اور نوب زاویہ ہوگی پاہنے اور نوب زاویہ ہوگی پاہنے اور مقت بالی درز کی لمب ان کو روز کے المب نی یوں تبدیل کی حب ان کی درنے زیادہ مقت طیسی بہاو گزرے گا۔ حندانی درز کی لمب ان بیات میں عصود کی زاویہ پر داحمن الم ہوتا ہے۔ اگر حندانی درز مسین عصود کی زاویہ پر داحمن ہوتا ہے۔ اگر حندانی درز مسین کا سے راب بی در میں کا سے بیا و مقت کی درز مسین کے ساکن نوب ہو

$$(a.r) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب ثافت مقن طیسی بہاو B صف رزاوی 0 ورز میں مقن طیسی بہاو B صف رزاوی B ورز اور خیائی درز میں مقن طیسی بہاو B صف رزاوی B ورخیائی درز میں مقن طیسی بہاو B و کا دور خیائی درز میں مقن طیسی بہاو B و کا دور خیائی درز میں مقن طیسی بہاو B و کا دور کا لیا جاتا ہے۔ شکل ۲۰۵ میں کن جھے کے باہر نوکسی لک سروں کی لمبائی سے ثافت مقن طیسی بہاو کا مقت طیسی بہاو ورک کی لمبائی سے اور کلی دول کے دخ سے بہاو کا درخ کے بہاو کا درخ کے بہاو کا درخ کے دول اور B کی مقت طیسی بہاوردای رخ جہاد ہوگا کہ مقت طیسی بہاوردای رخ جہاد ہوگا۔ مقت طیسی بہاو کا دول کو کہ کہ اور مسلم کا دول کا دول کا دول کا دول کا دول کا دول کے دول مسلم کا دول کا د

$$B = B_0 \cos \theta_p$$
 
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

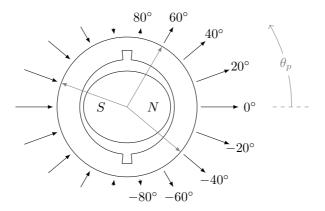
یوں درج ذیل ہو گا۔

$$(a.a) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

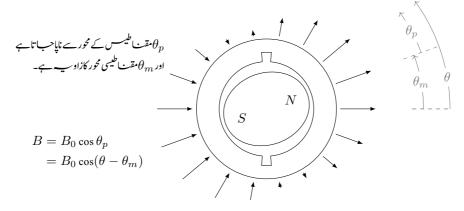
شکل ۳.۵ سیس مقت طیسس اور اسس کاس کن نمس مقت طیسی دباو پیشس کی آئی ہے۔ جیس شکل ۴.۵ مسیس د کھسایا گیا ہے، ایسے مقت اطیسی دباو کو عصوماً ایک سمتیر سے ظہر کسیا حب تاہے جہاں سمتیر کا طول مقت اطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیر کارخ مقت طیس کے شمال کو ظہر کرتا ہے۔

 $\lambda_{\theta}$  ارتباط ہباو  $\theta_{m}(t_{1})$  میں مقت طیس کو لحب  $t_{1}$  ، زاویہ  $t_{1}$  مقت رہ رہ کھیا گئی ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط ہباو  $\theta_{m}(t_{1})$  مقت طیس گھٹری کے محت الف رخ ایک مقت رہ رہ رفت ار $t_{0}$  سے گھوم رہا ہو تب ساکن کچھے مسیں اسس لمحت پر برتی دباو ( $t_{0}$ ) عیب داہو گا:

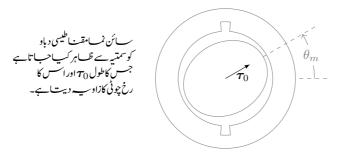
$$e(t)=rac{\mathrm{d}\lambda_{ heta}}{\mathrm{d}t}$$



شکل ۵.۲: کثافت ِمقت طیسی بہاواور زاوی کاتب دیلی۔



شکل ۵٫۳٪ کثافت مقت طیسی بهاواور مقت اطیسس کازاوی .



شکل ۴، ۵:مقت طیسی دباو کوسمتیے سے ظاہر کسیاحب تاہے۔

۵.۲ معيا صرمت بين



مشكل ۵.۵: حسار قطب يك دوري معاصر جنسريت ر

آوھے حپکر،  $\pi$  ریڈ بیکن گھومنے کے، بعد مقت طیسی قطبین آپس مسیں جگہمیں تبدیل کرتے ہیں، کچھے مسیں مقت طیسی ہیں۔ وکارخ الٹ ہو گا، کچھے مسیں ارتباط بہاو  $\theta$  – اور اس مسیں امالی برقی دباو e(t) – ہو گا۔ ایک حکسل حپکر کے بعد مقت طیسی دوبارہ ای معتام پر ہو گا جو شکل 8. سم مسیں دکھتایا گیا ہے، ساکن کچھے کا ارتباط بہاو دوبارہ  $\theta$  کہ اور اس مسیں مسیل مقت طیس  $2\pi$  =  $2\pi$  ممیکانی زاویہ طیح کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ مسیں مقت طیس  $\theta$  =  $2\pi$  مشین مسیں میکانی زاویہ  $\theta$  ور برقی زاویہ ولیک ویسل کے برابر ہول گا:

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین مسیں اگر مقت طیس  $f_m$  حپکر فی سیکنڈ کی رفت ارے گھومت ہوت کچھے مسیں امالی برقی دباو e(t) بھی ایک سیکنڈ مسیں  $f_m$  مکسل حپکر کاٹے گالب نہ الe(t) کے تعدو" e(t) کی قیب e(t) ہوگا۔

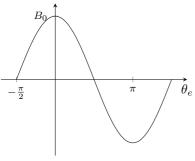
$$f_e = f_m$$

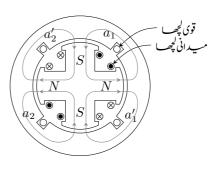
اسس مشین مسین میکانی زاوی m واور برقی زاوی m واور برقی زاوی m و وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپس مسین ایک تناسب رکھتے ہیں الہذا الیے مشین کو معاصر مشین " کتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔ مشینوں مسین کو معاصر مشین " کتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک ہے۔ چھوٹے مشینوں مسین عصوماً مقن طیس جب کہ برای مشینوں مسین برقی مقناطیر ماستعال کے مقناطیس جب برای مشینوں مسین برقی مقناطیس آستعال کے کے ہیں۔ اسس شکل مسین برقی مقناطیس کی ایک شمالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جب تا ہے۔ مشکل مسین والہ قطب کو ہوالہ قطب کو سے استعال کے اس حوالہ قطب کو ہوالہ قطب کو سے استعال کے میں کہ نام ہے واضح ہے، اسس مشین مسین مقن طیس کے حیار قطبین ہیں۔ بر ایک شمالی قطب کے بعد ویلی قطب آتا ہے۔ بہد ایک جمول کی تعبد اد اور سے کن کچھول کی تعبد اد

frequency

Hertz'

synchronous machine electromagnet of





ن مسیں شکل 2.۵:سائن نمسا کثافت ِ مقن طیسی بہساو۔

شکل ۵.۱: حپار قطب، دو کچھ مشین مسیں مقت طبیحی ہیںاو۔

ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہے۔ سشکل ۵.۵ مسیں مشین کے حپار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے حبار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے حبار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے ساکن حصہ پر دوساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو 10 ہے واضح کہا گیا ہے ہے اور دوسے گانے میں رکھا گیا ہے۔ ای طسری جو دوشے گانے وار دائی جوڑ دوشے گانے وار دائی جوڑ دوشے گانے وار کھی کو دوشے گانے وار کھی کو دوشے گانے وار کھی کے اس مسیں کے اس مسیل رکھ دباوہ تا ہے۔ اس طسری جنسریٹ میں مسیل برقی دباوا کی دباوا کی دباوا کے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھیے متا ہے۔ شکل ۵۵ گھیے میں جی ایک حصہ گھیے متا ہے۔ شکل ۵۰ گھی میں جی دوری آلات میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھیے متا ہے۔ شکل ۵۰ گھی میں حیار قطبین ہیں اہندا اس کا ایک کچھا نوے میکائی زاویے کے ادباطے کو گھیے متا ہے۔

ساکن اور حسر کی کچھوں کی کار کردگی ایک ووسرے سے مختلف ہوتی ہے۔ اسس کی وضاحت کرتے ہیں۔
جیس پہلے بھی ذکر کیسا گیسا چھوٹی گھو متی مشینوں مسیں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس صنداہم کرتا ہے جبکہ
بڑی مشینوں مسیں برتی مقناطیس میدان مسندا ہم کرتا ہے۔ اگر حپ اب تاک کی امشاکل مسیں مقناطیس کو گھومت
حصد دکھایا گیسا ہے، حقیقہ مسیں مقناطیس کی مشین مسیں گھومت اور کی مسیں ساکن ہوگا۔ میدان منداہم کرنے والا کچھا مشین کے کل برتی طباقت کے چند فی صد برابر برتی طباقت استعال کرتا ہے۔ میدان منسراہم کرنے والے اسس کچھے کو میدانی کے لیے بیں۔ اسس کے بر تکس مشین مسیں موجود دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ اسس کے بر تکس مشین مسیں موجود دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ برتی جند فی صد برتی ہو۔ دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ اس کے برقی طباقت وی کچھے کے میں چند فی

سشکل ۸.۵ مسیں گھومتے اور س کن حصہ کے پچ حنلائی درزمسیں شمالی قطب سے مقن طیبی بہب وہاہر نکل کر مت الب مسیں داخنل ہو تا ہے جنوبی قطب پر مقن طیبی بہب او حت الب سے نکل کر جنوبی قطب مسیں داخنل ہو تا ہے۔ شکل مسیں داخنل ہو تا ہے۔ شکل کر جنوبی قطب مسین اسس مقن طیبی بہب اوکی گذافت کو دکھایا گیبا ہے۔ یوں اگر ہم اسس حنلائی درز مسین ایک گول حپکر کاٹمیں تو مقن طیبی بہب اوکارخ دومسرت باہر کی حبانب اور دومسرت اندر کی حبانب ہوگا۔ ان مشینوں مسین کوشش کی حباتی

series connected10

field coil

power coil or rotor coil or armature coil<sup>12</sup>

۵.۲ معاصرمشین

ہے کہ حنلائی درزمسیں B سائن نمساہو۔ یہ کیے کیا حباتا ہے، اسس پر آگے غور کیا حبائے گا۔ اگر تصور کر لیا حبائے کہ B کہ B سائن نمساہے تب حنلائی درزمسیں B کی قیست سشکل 2.۵ کی طسرح ہو گی جہاں  $\theta_{1}$ رتی زاویہ ہے۔ P قطبی مقی طیسس کے معیاصر مشین کے لئے لکھ درج ذیل ہوگا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$f_e = \frac{P}{2} f_m$$

یہاں برقی اور میکانی تعبد د کاتناسی 2 ہے۔

مثال ا.۵: پاکستان مسیں گھ۔ ریلو اور صنعتی صارف میں کو کہ اور کی برقی طباقت منسراہم کی حباتی ہے۔ یوں ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگربر قی طاقت دو قطبی جنسریٹ رے حاصل کی حبائے تب جنسریٹ رکار فتار کتنی ہوگی؟۔
  - اگر جنسریٹ کی رفت ارکتنی ہو گی؟

حل:

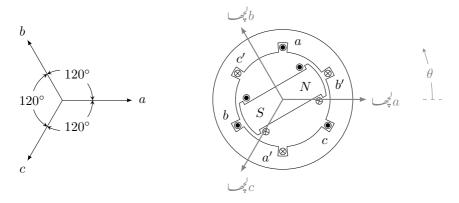
- مساوات  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$ ، جنسریسٹر کامیکانی رفت ار $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  بیکر فی سیکنڈ لیعنP=2، جنسریسٹر کامیکانی رفت ارP=2 بیکر فی سیکنڈ لیعن $f_m=2$
- و بیس قطبی، P=20 ، جنسریٹ رکامیکانی رفت ار $f_m=rac{2}{20}(50)=5$  بیس قطبی، P=20 جنسریٹ رکامیکانی رفت ارکالی منسٹ ہو گلہ

اب یہ فیصلہ کس طسرح کیا جبائے کہ جنسریٹر کے قطب کتنے رکھے جبائیں۔ در حقیقت پائی ہے جیلئے والے جنسریٹر سست رفت ارجبکہ ٹربائن سے جیلئے والے جنسریٹر ستیز رفت اربوتے ہیں، البندا پائی سے جیلئے والے جنسریٹر عصوماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔
جنسریٹرزیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے جیلئے والے جنسریٹر عصوماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔
سشکل ۸۵ ۸ مسیں دو قطب تین دوری معیاصر مشین دکھیایا گیا ہے۔ اسس مسیں تین ساکن کچھے ہیں۔ ان مسیں ایک کچھا ہیں۔
لیم ساکل مسیں باقی دو کچھے ہیں۔
سے بالکل شکل ۱۵ مسیں دیا گیا مشین ہی تھا۔ البت دیے گئے مشکل مسیں ایک کی بحبائے تین ساکن کچھے ہیں۔
لیم سے بالکل شکل ۱۵ مسیں دیا گیا مشین ہی تھا۔ البت دیے گئے مشکل مسیں ایک کی بحبائے تین ساکن کچھے ہیں۔

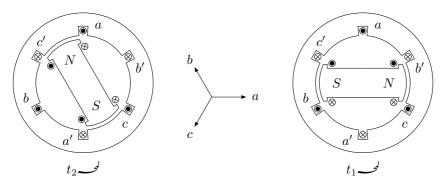
• دائين ہاتھ كى حيار انظيوں كودونوں شكافوں مسين برقى روكے رخ لييٹيں۔دائين ہاتھ كا انگوش لچھ كارخ دے گا۔

مسیں لیجے ہے کا برق روشگانہ مسیں، کتاب کے صفحہ کو عصودی، باہر رخ جب کہ مسیں اس کے مضالہ ۸۵ مسیں اس کے مختلے اندر رخ تصور کرتے ہوئے کیجے ہی کا رخ تسیہ دار ککسیسرے دکھیا پاگسیا ہے۔ اسس رخ کو ہم صف راوپ تصور کرتے

rpm, rounds per minute11



#### شکل ۸.۵: دوقطب، تین دوری معاصر مشین ـ



شکل ۹.۵: دو قطب تین دوری مشین ـ

 $\frac{1}{2}$  بین بین کی مست رزاوی پر لپیٹا گیا ہے، بین  $\theta_a = 0$  ہے۔ باتی کی کی ول کے زاویات کی مسئ رزاوی ہے۔ مسئری کے مسئری کی مسئیں کی اور  $\theta_c = 240^\circ$  واور  $\theta_c = 240^\circ$  و

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

۵.۲ معياصرمشين

 $\lambda_a(t_1)$  ای طسرح لمحت  $t_3$  پر ، جب مقت طیس مسزید °120 زاوی طیح کرلے ، لیجھا کا ارتباط ہیسا و  $\lambda_c(t_3)$  ہو گاجو ( $t_3$ ) ہو گاجو این درج ذیل کھیا جب سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ان لمحات پر لچھوں کے امالی برقی دباو

$$e_a(t_1) = rac{\mathrm{d} \lambda_a(t_1)}{\mathrm{d} t}$$

(a.ir) 
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

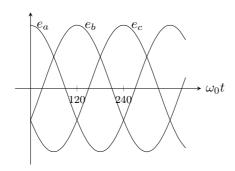
(a.ir) 
$$e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔مساوات ۵. ۱۰ کی روشنی مسیں درج ذیل ہو گا۔

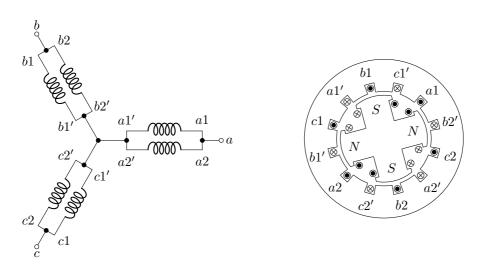
$$(a.ir)$$
  $e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$ 

اگر شکل ۹.۵ مسیں صوف لیجہ a پایا حباتا تب یہ بالکل شکل ۱.۵ کی طسرح ہوتا اور اگر ایسی صورت مسیں مقت طیسس گھٹڑی کے مختالف رخ ایک مقسررہ رفتارہ س کے گھیا جاتا تب، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، لیجس مقت طیسس آئی نمب برقی دباوہ والے سنکل ۹.۵ مسیں کی ایک لیجھ کو کی دوسرے لیجھ پر کوئی برتری حساس نہیں مصیب سائن نمب برقی دباو کے بیوں اگر شکل ۹.۵ مسیں مقت طیسس آئی طسرح گھیا جاتے تب تب نوب سائن محصوں مسیس سائن نمب برقی دباو آئیسس مسین 1200 زاویہ پر ہوں گے۔ ان امالی برقی دباو کو شکل پیدا ہو گالبت مساوات ۹.۵ کی جو گی بوئی ہو تب لحس میں  $e_2$  پر جو اور لحصہ  $e_3$  پر جو گو کو گوئی پائی گیا گی حسین دورو کی جو گی پوئی پائی ہوتے ہوئے ہو تب لحس میں درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} e_a(t) &= E_0 \cos \omega_0 t \\ e_b(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{2}{3}\pi\right) \\ e_c(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{4}{3}\pi\right) = E_0 \cos \left(\omega_0 t + \frac{2}{3}\pi\right) \end{split}$$

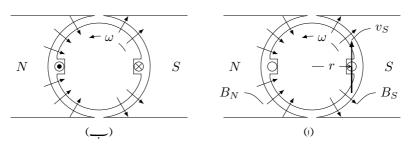


شکل ۱۰.۵: تین دوری امالی برقی د باو مسین زاویا کی منسر ق بایا جب تا ہے۔



مشكل ۱۱.۵: حيار قطب، تين دوري معاصر مشين ـ

۵٫۳ محسر کے برقی دباو



t کالجھ مقن طیسی میدان میں گھوم رہاہے۔ محوری لمب کی l ہے۔

## ۵٫۳ محسرک برقی دیاو

وت نون لوریسنز  $q^{r}$  کے تحت مقت اطیسی میں دان  $q^{r}$  مسیں سمتی رفت اد $q^{r}$  کر تا ہوا برقی بار  $q^{r}$  درج ذیل قوت  $q^{r}$  کھوسس کرے گا۔

$$(\mathfrak{d}.\mathfrak{d})$$
  $oldsymbol{F}=q(oldsymbol{v} imesoldsymbol{B})$ 

یہاں سستی رفتار سے مسراد برقی میدان کے لیاظ سے برقی باد کی سستی رفتار ہے لہنہ ا F کو ساکن مقت طبی میدان میں برقی بار کی سنتی رفتار ہے لیاں ہوئے وہ اور سنتی میدان میں برقی بار کی است میں برقی بار کی سنتی رفتار سنتی ہوئے کہ ایک ہوئے کے دبائیں ہاتھ کی حیار انگلیوں کو v کے رخ سندرو کا کر اسس ہاتھ کی حیار انگلیوں کو v کے رخ سندرو کے سندرو کا کارخ دیگا۔

کے بچوٹے زاو سے برگھی کر ، E کے رخ موڑنے سے انگوٹ کے کارخ دیگا۔

مقت طیسی میدان مسیں ابت دائی نقطہ سے اختا کی نقطہ تک، جن کے نی ہٹاو $m{l}$ ہ ہنتا ہوگا: p منتقب کرنے کے لئے در کار کام W ہوگا:

$$(\mathbf{0.17}) \hspace{3.1em} W = \textbf{\textit{F}} \cdot \textbf{\textit{l}} = q(\textbf{\textit{v}} \times \textbf{\textit{B}}) \cdot \textbf{\textit{l}}$$

اکائی مثبت برتی بار کوایک نقط ہے دو سرے نقط منتقبل کرنے کے لئے در کار کام کو ان دو نقطوں کے آخ برقی دباو<sup>17</sup> کہتے ہیں جس کی اکائی وولٹے ۷<sup>۲۳</sup> کے۔ بیرا اسس مساوات سے ان دو نقطوں کے آخ درخ ذیل برقی دباو ہوگا۔

$$($$
ه.اک $)$   $e=rac{W}{q}=(oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})\cdot oldsymbol{l}$  ورکای  $e=rac{W}{q}=(oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})$ 

حسر کت کی مدد سے یوں حسامسل برتی دباو کو **محرکے برقی دباو<sup>۳۳ کتج</sup> ہیں۔** روایق طور پر <sup>ک</sup>سی بھی طسر لیٹ سے پیسد ابرتی دباو کو محسر کے برتی دباو کتے ہیں۔ یوں کیمیائی برتی سسیل وغنیسرہ کابرتی دباو بھی محسر کے برتی دباو کہالے گا۔

Lorentz law19

charge r.

right hand rule

potential difference, voltage rr

volt

electromotive force, emf<sup>rr</sup>

شنکل ۱۲.۵-امسیں حنان گھٹڑی گھومتے جس پرایک جپ کر کا کچھانہ ہے جس کی محوری لمب کی 1 - 1 جہ بائیں جناء مسیں کچھ کی تارکے قطع پر غور کریں۔ مساوات ۱۵.۵ کے تحت بایاں قطع مسیں موجود مثبت برتی بار پر صفحہ کے عصودی باہر رخ قوت پسیدا ہو گی جب کہ اسس قطع مسیں موجود منفی برتی بار پر اسس کے مختالف رخ قوت پسیدا ہو گی۔ مساوات ۱۵.۵ کے تحت اسس قطع کا بالائی سرامثنی برتی دیا دیا ہوگا۔

ہم گھومتے ھے۔ کی محور پر تکلی محد دوت کم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سبنے حساباہ مسیں B ردای رخ جب شمالی قطب کے سبنے حساباء مسیں برقی تار B تطب کے سبنے حساباء مسیں برقی تار B تطب کے سبنے حساباء مسیں برقی تار B لیا گھ سکتے ہیں جہاں تار کی کمبائی B اور اسس کارخ B لیا گیا ہم درج ذیل کھ سکتے ہیں جہاں تار کی کمبائی B اور اسس کارخ B

$$m{v}_S = vm{a}_ heta = \omega rm{a}_ heta$$
 (a.in)  $m{B}_S = Bm{a}_ ext{r}$   $m{l}_S = lm{a}_ ext{z}$ 

یوں جنوبی قطب کے سامنے تارکے قطع مسیں درج ذیل محسر کے برقی دباویسید اہوگا۔

$$e = (\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \cdot \boldsymbol{l}$$
 
$$= \omega r B l(\boldsymbol{a}_{\theta} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= \omega r B l(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= -\omega r B l$$

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_ heta &= \omega r oldsymbol{a}_ heta \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_ ext{r} \ oldsymbol{l}_N &= oldsymbol{l} oldsymbol{a}_ ext{z} \end{aligned}$$

یوں اسس قطع مسیں درج ذیل دیاو ہو گا۔

$$e_N = (\boldsymbol{v}_N \times \boldsymbol{B}_N) \cdot \boldsymbol{l}_N$$
 
$$= -\omega r B l (\boldsymbol{a}_\theta \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= -\omega r B l (-\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= \omega r B l$$

اسس مساوات مسین برقی دباویثب ہونے کامطلب ہے کہ برقی تار کامثبت سے را تار پر ہم رخ ہو گالیمنی تار کابلائی سے را مثبت اور نحیال سے امنفی ہوگا۔ اگر اسس تار مسین روگز رہے تو اسس کارخ پر مین صف کو عصودی باہر رخ ہوگا ہے شکل ۱۲۵۔ بے مسین شگاف مسین دائرہ کے اندر نقط ہے نشان سے دکھیا پاکسیا ہے۔ یے دونوں تار مسل کر ایک حسیس کی گیجسا بین نے ہیں۔ ان تاروں کے نمیلے سسر ایک دوسسرے کے ساتھ سلسلہ وار حبیرٹرے ہیں جسس کو سشکل ۱۲٫۵مسیں نہیں دکھیا گیا۔ یوں اسس کچھے کے بالائی، نظسر آنے والے، سسروں پر کل برقی دباو ان دوبر تی تاروں مسیس پسید ابر تی دباوکا مجسوعہ ہوگا:

$$\begin{array}{l} ({\tt a.rr}) & & e = 2rlB\omega \\ & = AB\omega \end{array}$$

یہاں کچھے کارقبN=2 ہے۔ اگر ایک حیکر سے اشت ابر تی دیاو حسامسل ہوت N حیکر کے کچھ سے درج ذیل دیاو حسامسل ہوگاجہاں A=A مقت طبی یہاو ہے۔ A=A

$$e = \omega NAB$$
 
$$= 2\pi f NAB$$
 
$$= 2\pi f N\phi$$

گومتی مشیوں کی حنائی درزمیں B اور v ہر لحص ایک دوسرے کے عصوری ہوتے ہیں۔ مساوات A ایک توجہ مستقل زاویائی رفت ار اور تحوری لمبائی کی صورت مسیں پیدا کردہ برقی دیاد ہر لحص B کابراہ راست متناسب ہوگا۔ حنائی درزمین زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت مسیں گوحتے لیچے مسیں پیدا برقی دیاو بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوگا۔ بھی کابرتی دیاو درکار ہوائی شکل کی کثافت مقت طبی دیاو حنائی درزمسیں پیدا کرنی ہوگا۔ سائن نما کتاف بیسی ہوادر کار ہوگا۔ اس خالی درزمسیں سے کسائی درزمسیں سے کا کتاف میں حنائی درزمسیں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بستالی حبائی گیا۔

# م. ۵ کھیلے کچھے اور سائن نمامقٹ طیسی دباو

ہم نے اب تک جینے مشین دیکھے ان سب مسیں گچھ دکھائے گئے۔ مسزید ان مشینوں مسیں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے اہم نے قطب استھے۔ عسوماً حقق مشینوں کے ہموار قطب  $^{1}$  اور پھیلے پچھے  $^{1}$  ہوتے ہیں جن کی ہا اور گھومتے حصوں کے پچ حنالائی درز مسیں سائن نما مقاطیتی دہاواور سائن نما گذافت. مقناطیتی ہہاوپیدا کر نام مسکن ہوتا ہے۔ گھومتے حصوں کے پچ حنالائی درز مسیں سائن نما مقاطیتی ہے جہاں مشین کے گھومتے حصے کا عسودی ترامش گول مشکل کا ہوگا۔ متحد کے اور سائن کی تاہو گا۔ متحد کے اور سائن کی تاہو گا۔ متحد کے اور سائن متالی کو بالہ نہاں کی تاہو گیا۔ بھی بہاوہ سائن درز مسیں ہے دور سائن درز مسیں ہے دو سائن درز مسیں ہے دور سے شاہر کہا گیا۔ مقناطیتی بہاو حنالائی درز مسیں ہے دو مسید اگھو کے گردا کی جب کو کامت ہے۔ بھی ایک درز درزوں سے شاہر کہا گئے درج ذرار ہوگا۔

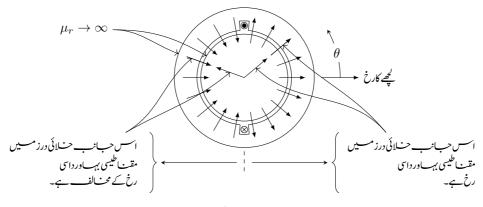
$$(a,rr)$$
 
$$\tau = Ni = 2Hl_a$$

non-distributed coils 10

salient poles

non-salient poles r2

distributed winding"



#### مشكل ١٣.١٥: ساكن لچھ ﷺ



1 اس مساوات کی دونوں اطسران کو 2 سے تقسیم کرتے ہوئے ایک درز کی مساوات کھی حباسکتی ہے جہاں ایک درزیرلا گومقت طیسی دباو کو au سے ظاہر کسیا گیا ہے:

$$\tau_a = \frac{\tau}{2} = Hl_a$$

یوں ساکن کچھے کے مقن طبی و باو کا ایک آوھ حسے ایک حنائی درز اور دو سرا آوھ احسے دو سری حنائی درز مسیں مقن طبی بہاو پسی ارکر تا ہے۔ مسزید زاویہ  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  حنائی درز مسیں دو اس کے محن الف رخ ہے۔ ہم ردای رخ کو مثبت تصور کرتے ہیں۔ پوئی کہ مقت طبی بہاو (اور مقن طبی دباو)  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2} - 2$  در میان ردای رخ ہے لہا نہ ااسے مثبت تصور کسیا جب گا۔ شکل جب باقی حسب پر مقت طبی دباو (اور مقن طبی بہاو) ردائس کے محن الف رخ ہے لہا نہ ااسے منفی تصور کسیا حب کے گا۔ شکل جب باقی در مسین مقت اطبی دباو کو زاویہ کے ساتھ تر سیم کسیا گیا ہے۔ وقف  $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{\pi}{2} - 2$  حنائی در اگر

 $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{3\pi}{2}$  ورزمسیں مقت طیسی دباو  $\tau$  کا آدھ ہوں ہوں کا آدھ ہور سے اور اسس کارخ مثبت ہے جب کہ وقف  $\tau_a$  کی حندائی درز مسیں مقت طیسی دباو کیجھے کے مقت طیسی دباو کا آدھ اور منفی رخ ہے۔ یاد رہے مقت طیسی دباو کارخ روای رخ کے حوالہ سے تعلیمی کی سے باتا ہے۔

### ۱.۴.۱ بدلت ارومثین

برلت ارو (اے ی) مشین بنتے وقت کوشش کی حباتی ہے کہ حنالئی درز مسیں مقت طیسی دباو سائن نم ہو۔ سائن نمس مقت طیسی دباو سائن نمس مقت طیسی دباو کے حصول کی حناطر کیچوں کو ایک ہے نیادہ شکافوں مسیں تقسیم کسیا حباتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نمسامقت طیسی دباو کیسے حساس ہو تاہے، اسس بات کی بیسال وضاحت کی حبائے گی۔

فور پیر تسلسل ۲۹ کے تحت ہم کمی بھی تفساع سل ۲۰ (طور) کی کو درج ذیل کھو سکتے ہیں۔

$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

تف عسل کادوری عسر میں  $T^n$  ہونے کی صور سے مسین فوریٹ سلسل کے عبد دی سسر درج ذیل ہوں گے۔

$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \, \mathrm{d}\theta_p$$
 
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p$$
 
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p$$

مثال ۵.۲: شکل ۸.۴ امسیں دیے گئے مقت طیسی دیاو کا

- فوريئر تسلىل حامسل كرير،
- تىسىرىموسىقائى حسنرو الاربنسادى حسنرو الماكات سسمعلوم كرين-

حــل:

• مساوات ۲۲٫۵ کی مددسے

Fourier series 79

 $function ^{-\bullet}$ 

time period<sup>r1</sup>

third harmonic component

fundamental component

$$\begin{split} a_0 &= \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right] \\ &= 0 \end{split}$$

ور درج ذیل حساصسل ہوں گے۔

$$\begin{split} a_n &= \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{\pi/2}^{\pi} \right] \\ &= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right] \\ &= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2} \end{split}$$

 $a_1=\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3=-\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5=\left(\frac{4}{5\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)$   $a_2=a_4=a_6=0$ 

اسی طب رح درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} b_n &= \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{-\pi}^{-\pi/2} - \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{\pi/2}^{\pi} \right] \\ &= 0 \end{split}$$

• ان نت انج كا يكب اكرتي بين:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$



مشكل ٥.١٥: تين دور لجھے۔

يوں تيپ راموسيقائي مبنروبنڀادي مبنرو کا تيپ راحسي ليني 33.33 في صيد ہو گا۔

مثال ۲.۵ مسیں حاصل کردہ  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم حنائی درز مسیں مقت طیسی دباو  $\tau$  کا فوریٹ رسٹ  $a_1, a_2, \cdots$  کا فوریٹ  $a_1, a_2, \cdots$  کا فوریٹ  $a_1, a_2, \cdots$ 

$$(\text{a.r2}) \hspace{1cm} \tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos\theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos5\theta_p - + \cdots$$

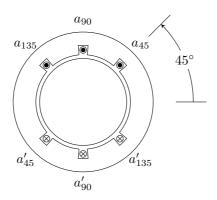
مثال ۲۰۵کے مقت طیسی دباو کے موسیقائی احبزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا حب سکے۔ جیب آپ اسس باب مسین آگے دیکھیں گے حقیق مقت طیبی دباو کے موسیقائی احبزاء وتبابل نظیر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی حبزوے عضرض ہوگا۔ای حقیقت کو مد نظیر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی احبزاء کو نظیر انداز کرتے ہوئے مساوات ۲۷۵کے

(a.th) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

(a.rq) 
$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\begin{array}{l} \tau_a=\tau_0\cos\theta_{p_a}\\ \\ \theta_{p_a}=\theta-\theta_{m_a}=\theta-0^\circ\\ \\ \tau_a=\tau_0\cos(\theta-\theta_m)=\tau_0\cos\theta \end{array}$$

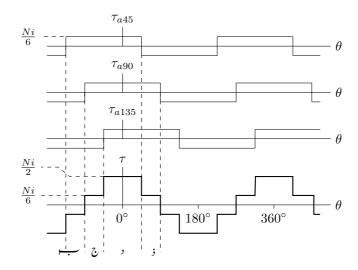


مشكل ٥.١٦: پهپلالچها ـ

$$\theta_{m_c}=240^\circ$$
ای طسرح کچف  $\theta_{m_c}=240^\circ$  اور  $\theta_{m_b}=120^\circ$  اور  $\theta_{m_b}=120^\circ$  ای طسرح کچف  $\theta_{p_b}=0$  (a.m.) 
$$\theta_{p_b}=\theta-\theta_{m_b}=\theta-120^\circ$$
 
$$\theta_{p_b}=\tau_0\cos(\theta-\theta_{m_b})=\tau_0\cos(\theta-120^\circ)$$

$$\begin{split} \tau_c &= \tau_0 \cos\theta_{p_c} \\ (\text{a.rr}) &\qquad \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^\circ \\ &\qquad \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^\circ) = \tau_0 \cos(\theta + 120^\circ) \end{split}$$

series connected

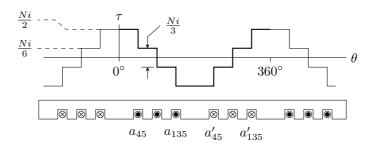


شکل ۱۷.۵: پھیلے کچھے کاکل مقن طیسی دباو۔

تم ام کچھ  $\frac{N}{3}$  حیکر کے ہیں اور تم ام کچھوں مسیں برقی رو i ایک دوسرے جیب ہے۔ شکل ۱۲.۵ کے کپیلے کچھے کا مقت طبی دباو پالقابل زاویہ کا ترسیم مشکل ۱۲.۵ مسیں موٹی لکت ہے۔ دوسری مقت طبی دباو کی ترسیم ہوشکل ۱۳.۵ کی ترسیم کی طسرح لیکن صف رزاویہ ہے۔  $-45^{\circ}$  ہے۔ دوسری مقت طبی دباو کی ترسیم کچھوں ۱۳.۵ کی ترسیم کی طسرح ہے جب تیسری ترسیم کچھا  $a_{135}$  کی ہے جو صف رزاویہ ہے  $a_{200}$  کی ہے جو ہو بہو شکل ۱۳.۵ کی طسرح ہے جب تیسری ترسیم کچھا  $a_{135}$  کی ہے جو صف رزاویہ ہے۔ 300 کے جو صف رزاویہ ہے۔ 300 کے جو مون ترسیم کچھا کے ان تسینوں ترسیم ان الفت رادی طول 300 ہے۔

مشکل ۱۷.۵ کی au کو مشکل ۱۸.۵ کی بیش گیا ہے۔ مشکل ۱۸.۵ کی بیٹے کچھے اور مشکل ۱۸.۵ گچھے کے دباو کی ترب اسل ۱۸.۵ کی صورت بیان نمیا کے زیادہ فت ریب ہے۔ فوریٹ رسلسل ۱۸.۵ کی صورت بیان نمیا کے زیادہ فت ریب ہے۔ فوریٹ رسلسل مسلسل ہوتا ہے۔ مشکل ۱۸.۵ کی صورت بیان نمیا گچھوں کے حیکر پول ارکھے حیاستے میں کہا ان کے پیدا کردہ مقیاطی دباو کی ترب میں کی صورت سائن نمیا کی زیادہ سے زیادہ فت ریب ہو۔

بھیلے کیھے کے مختلف جھے ایک ہی زاوپ پر مقت طیسی دیاو نہیں بناتے البذاان سے حسامسل کل مقت طیسی دیاو کا حیطہ



مشكل ١٨. ٥: پيلے لچھے كامقت طيسي دباو۔

(اتنے ہی چپکر کے) ایک پچھ کے حیط سے کم ہوتا ہے۔ مساوات ۲۹٫۵ مسیں اسس اثر کو مشامسل کرنے کے لئے حسنرو  $k_w$  متعب رونسے کیا حب تا ہے

(۵.rr) 
$$\begin{split} \tau_0 &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \\ \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta \\ &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta \end{split}$$
 جب ال $t_0$  جب ال $t_0$  من المرود مجميلا و مهم المراب المراب على المراب ا

 $(a.rr) 0 < k_w < 1$ 

مثال  $k_w$ ن المسكل ۱۹.۵ مثال  $k_w$  تلاشش كرير  $k_w$ 

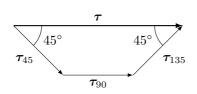
 $a_1$  جسیں شکل ۱۸.۵ کی موج کابنیادی حبزودر کارہے المہذاہم اسس موج کے فوریٹ رشکل کاعبدری سر درکارہے المہذاہم اسس موج کی بجبائے ہم آدھی موج پر  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  کمل کیتے ہیں۔ یوں  $a_1$  کا کلیہ درج ذیل صورت اختیار کر تاہے۔ (آپ حیاییں تو پوری موج پر تکمل لے سکتے ہیں۔)

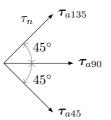
$$a_1 = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{4}{T} \int_{-T/4}^{T/4} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta$$

اسس طب رح درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} a_1 &= \frac{2}{\pi} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{2}{\pi} \Big[ \int_{-\pi/2}^{-\pi/4} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta + \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \frac{Ni}{2} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta + \int_{\pi/4}^{\pi/2} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta \Big] \\ &= 0.8047 \, \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \end{split}$$

winding factor "





شكل ١٩. ٥: پهيل کچه كاحبزو پهيلاو

يوں  $k_w = 0.8047$  بوگا۔ 

مقن طیسی دباو کوسمتیہ تصور کرتے ہوئے درج بالا مثال کو دوبارہ حسل کرتے ہیں۔ آپ دیکھیں گے کہ ب ترکیب نسبتاً  $k_w$ مثان ہے۔ مثال ۱۲.۵ کے کھیے کا  $k_w$  تلاش کریں۔

 $au_n = rac{4}{\pi} rac{ni}{2}$ ن جیسامقن طیمی دیاو  $au_n = au_n$ ی دیاو  $au_n = au_n$ کرتے ہیں البت ان کے رخ مختلف ہیں۔ یہاں ایک لچھ  $\frac{N}{3}$  حپکر کا ہے لہندا  $n=\frac{N}{3}$  ہوگاہ ہم سینوں مقت طیسی دباوک  $c_0(2)$ سمتیات کامجبوعہ لے کرمقت طیسی دباو $\tau$ معب لوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

П  $k_w = 0.8047$ لہنڈا

مثال ۵.۵: تین دوری، 50 ہرٹز، ستارہ حبڑے جنسریٹ کو 3000 حپکر فی منٹ کی رفت ارسے حیالیا حباتا ہے۔ تیسس  $k_{w,q} = 0.833$  جیکر کے میدانی کچھے کا حبز و پھیلاو و  $k_{w,m} = 0.9$  جبکہ پہندرہ حبکر قوی کچھے کا حبز و پھیلاو  $l_k = 0.04$ نے کار دانس 0.7495 میٹر اور لمبائی  $l_k = 2.828$  میٹر ہے۔ خنائی درزی کی لمبائی  $l_k = 0.04$ ہے۔ میدانی کچھے مسیں 1000 ایمپیئر برتی رو کی صورت مسین درج ذیل تلاسٹس کریں۔ حنلاء مسین مقت طیسی بہاوسائن نمہ ہوگا۔

- مبدانی مقن طیسی دیاو کی زیادہ سے زیادہ قیمیہ۔
- خيلائي درزمسين کثافت مقب طيسي بهب و کي زياده سے زيادہ قبت۔
  - ایک قطب پرمقن طیسی بہاو۔

• متحسرك تارير برقى دباو\_

ىل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,189\,\mathrm{A}\cdot\mathrm{turns/m}$$
 •

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17189}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

$$\phi_0 = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} r l B_0 \cos \theta \, \mathrm{d} \theta = 2 B_0 l r = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.289 \, 15 \, \mathrm{Wb}$$
 •

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

يوں ســـتاره حبــر عجنسريٹ رکي تار کابر قي د باو درج ذيل ہو گا۔

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \text{ V}$ 

П

ہم سائن نما مقت طیمی دباو حسام کرنا حیاہے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے حیکر اور شگافوں کے معتامات یوں پخے حیاتے ہیں کہ سے مقصہ پورا ہو۔ شکل ۱۸.۵ مسیں صغر زاویہ کے دونوں اطسراو مقت طیمی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نبینت لیس زاویہ پر مقت طیمی دباو آئی گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسندید آئی گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسندید آئی گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نبیت لیس زاویہ بنیادی اصول ہے جس کا خیسال کو مذر سے کے ور سے دوری ہے۔ چھوٹے لیجھوں کے حیکر اور شکافوں کے معتامات کا فیصلہ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیاحیاتا ہے۔ تاکہ سائن کیجھوں کی طسرح متحسر کے گھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں مسیں تقسیم کسیاحیاتا ہے تاکہ سائن کیسامقت طبیعی دباوحیاصل ہو۔

# ۵.۵ مقن طیسی دباو کی گھومتی امواج

گھومتے مشین کے کچھوں کوبرتی دباو فسنسراہم کیا جباتا ہے جس سے اسس کا گھومنے والاحسہ حسر کی۔ مسین آتا ہے۔ یہاں ہم اسس بات کامط العب کرتے ہیں کہ گھومنے کی حسر کت سے پیدا ہوتی ہے۔

۵.۵.۱ ایک دورکی کسپٹی مشین

م اوا \_\_\_ ۳۳۰۵ میں ایک کیچے کامقت طیسی دباو

(a.ma) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیاگیاہے جو سائن نمابر قی رو

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صور \_\_\_ مسیں

(a.rl) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N I_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقت طیسی دباودے گاجہاں  $au_0$  درج ذیل ہے اور کچھا کے برقی روکو  $i_a$  کہا گیا ہے۔

میاوات  $^{2}$  سرای ہوتا ہے۔ میاوات  $^{2}$  کہ مقت اطلیمی دباوزاد ہے  $^{2}$  اور لمحہ  $^{2}$  کے ساتھ تب دمیل ہوتا ہے۔ میاوات  $^{2}$  کا سیم

$$\cos\alpha\cos\beta = \frac{\cos(\alpha+\beta) + \cos(\alpha-\beta)}{2}$$

کی مد د سے دو ٹکڑوں

(a.r.) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

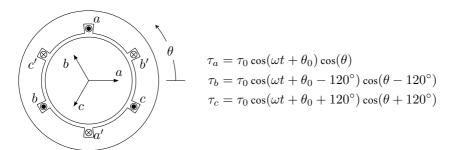
میں تقسیم کیا جبال  $\tau_a^+$  اور  $\tau_a^+$  درج ذیل ہوں گے۔

(a.rl) 
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(a.rr) 
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2} \cos(\theta - \omega t)$$

مساوات ہے۔ ہم کہتی ہے کہ مقت طبیعی دباو دو آپس مسیں محت الف رخ گلومت مقت طبیعی دباو کی موجوں کا محب وعب ہے۔  $\tau_a^+$  مناون  $\tau_a^+$  زاویہ  $\tau_a^+$  فیلنے کے رخ، گعومت ہے۔ گلسٹری، زاوی برط نے کے رخ، گلومت ہے۔ گلسٹری، زاوی برط نے کے رخ، گلومت ہے۔

ایک دور کی لپٹی مشینوں مسیں گھومتے مقت طبیعی دباو کی امواج مسیں سے کسی ایک کو بالکل حستم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی حباتی ہے۔اسس طسر ح ایک ہی رخ مقت طبیعی دباو گھومت ملے گاجو بالکل ایک گھومتے ہوئے مقت طبیعس کی مانت دہو گا۔ گا۔ تین دور کی مشینوں مسین ایس اکرنانہایت آسان ہوتا ہے لہاندا انہیں پہلے سمجھ لیسازیادہ بہتر ہوگا۔



#### شکل ۵.۲۰ تین دورکی کسپٹی مشین۔

## ۵.۵.۲ تین دورکی کسپٹی مشین کا تحکسیلی تحسنر ہے۔

سٹ کل ۲۰.۵ مسیں تین دور کی لیٹ ٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات ۸،۳۰،۵ اسادر ۳۲،۵ مسیں ایسے تین کچھول کے فوریسٹر تسلسل کے بنیادی احب زاء دیے گئی ہیں جن مسیں حب زو پھیااد گئی ہے۔

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
 
$$(\text{s.rr}) \qquad \qquad \tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
 
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

ان لچھوں مسیں بالت رتیب تین دوری برقی رو

$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
 
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

لینے سے مساوات ۵۔ ۱۳۲۰ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a I_0}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha) \\ (\text{a.ra}) & \tau_b &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b I_0}{2} \cos(\theta - 120^\circ) \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c I_0}{2} \cos(\theta + 120^\circ) \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ) \end{split}$$

ش**ب**نوں کچھوں کے حپکرایک دوسرے کے برابر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات ۳۹.۵ کی استعال سے

$$\begin{split} \tau_a &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \\ \tau_b &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^\circ) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \\ \tau_c &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^\circ) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \end{split}$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقت طبیعی دیاوauان سب کا محب و عب ہوگا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔  $\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^\circ) + \cos(\gamma + 240^\circ) = 0$ 

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\beta = 240^{\circ}$$
اور  $\alpha = \gamma$ لے کر

$$\begin{aligned} \cos(\gamma + 240^\circ) &= \cos\gamma\cos240^\circ - \sin\gamma\sin240^\circ \\ \cos(\gamma - 240^\circ) &= \cos\gamma\cos240^\circ + \sin\gamma\sin240^\circ \end{aligned}$$

 $\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$ ورج: پل ساسل ہوگا۔  $\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$  درج: پل ساسل ہوگا۔

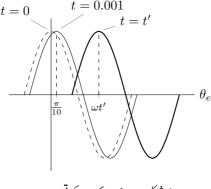
$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

ان مباوات کو م cos کے ساتھ جمع کرنے سے صف رحباص کی ہوگا۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma + 240^\circ) + \cos(\gamma - 240^\circ) = 0$$

ے لئے اسس مساوات کو درج ذیل کھیا حب سکتا ہے۔ 
$$\gamma = \theta + \omega t + \alpha$$

(a.rn) 
$$\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^\circ) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^\circ) = 0$$



شکل ۵.۲۱: حسر کت کرتی موج۔

اب مساوات  $\kappa$ ۱٫۵ مسین دیے  $\tau_b$  اور  $\tau_b$  کو جمع کر کے مساوات  $\kappa$ ۸٫۵ کا استعمال کرتے ہوئے درج ذیل حساس ہو گا

$$\tau^+ = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات ۲۹۵۵ می کتی ہے کہ کل مقت طیسی دباو کا حیطہ کسی ایک لیچھ کے مقت طیسی دباو کے حیطہ کا آئے گٹ ہوگا۔ مسزید مقت طیسی دباو کی موج گھٹڑی کے مختاطیسی تین دوری برق روہ جو آپ مسیس مسیس موج کھٹٹری کے مختاطیسی دباو کی واحب دایک موج وجود مسیس آتی ہے۔ یہساں اسس بات کاذکر کرناضروری ہے کہ کسی دوبر قی رو کو آپ مسیس مسیس تیب میل کرنے سے مقت طیسی موج کارخ تب میل ہوتا ہے۔

میاوات در ۲۹۵ ایک گلومتے موج کو ظاہر کرتی ہے جس مسین ہم برتی رو کا تعدد 50 Hz اور اپنی آب نی کے لئے  $\alpha$  کو صف رکیتے ہیں۔ یوں اسس موج کی چوٹی کا تعسین تف عسل  $\cos(\theta-\omega t)$  کرے گا۔ تف عسل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی پر نظر رکھیں۔ تق عسل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی اکائی ہے جو  $\cos(\theta-\omega t)$  برائی حساتی ہے۔

ابت دانی کوے t=0 کے لیے مسل کو چین کر حتے ہیں۔  $(\theta-\omega t)=0$  کی چوٹی کی  $(\theta-\omega t)=0$  کے لیے مسل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صف ربرتی زاوی پر ہوگی جے شکل ۲۱.۵ میں نقط دار لکی رہے ظاہر کیا گیا ہے۔ ہم کچھ وقف، مشلأ

سينڈ، بعب داسس چوٹی پر دوبارہ نظہ رڈالتے ہیں۔t=0.001

$$egin{aligned} heta - \omega t &= 0 \ heta - 0.001 \omega &= 0 \ heta &= 0.001 \omega \ &= 0.001 imes 2 imes \pi imes 50 \ &= 0.3142 \, \mathrm{rad} \end{aligned}$$

اب یہ چوٹی  $\frac{\pi}{10}$  اور یڈیئن لیمن  $\frac{\pi}{10}$  برقی رپڑ ہوٹی اور یہ برقی زاوی پر ہے جے شکل ۱۱۵ مسیں باریک ٹھو سس لکت رہے ظاہر کے مناف رخ الحق کے رخ گھوم گئی ہے۔ ای کسی ہوگئی ہے۔ ای طسر آلحد میں برخ سے کے رخ گؤہ گئی ہے۔ ای طسر آلحد ہوگئی کا معتام 0 = vt' = 0 میں برنظ سر آئے گی۔ عصوی لحمہ ' اپر چوٹی کا معتام 0 = vt' = 0 میں برنظ ہوگئے ہوگئی کا معتام کے درخ کا برک سے کا برک ہے۔ کا برک ہوگئی کا معتام کے درخ کا برک ہوگئی کی درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کی درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کی درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کی درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کی درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کے درخ کی کرنے کے درخ کا برک ہوگئی کی درخ کی کرنے کے درخ کی کرنے کے درخ کا برک ہوگئی کے درخ کا برک ہوگئی کے درخ کی کرنے کے درخ کے درخ کی کرنے کے درخ کے درخ کے درخ کی کرنے کی کرنے کے درخ کے د

$$\theta = \omega t'$$

مساوات ۵۰۵ کہتی ہے کہ چوٹی کا مصام تعسین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ ہتدر تکے بڑھتا ہے۔اسس مساوات ہے ایک مکمل حیکر یعنی  $2\pi$  و  $2\pi$ ر تی زاویہ طے کرنے کا دورانیہ  $2\pi$ 

(a.a.) 
$$T=t'=\frac{\theta}{\omega}=\frac{2\pi}{2\pi f}=\frac{1}{f}$$

یادر ہے f برقی رو کا تعب د ہے۔ یوں 50 ہر ٹزبر تی رو کی صورت مسیں مقت طبی دباو کی موج ہر  $0.02 = \frac{1}{50}$  سیکنڈ مسیں ایک تکمسل برق حپکر کائے گی اور ایک سیکنڈ مسیں 50 برقی حپکر مکمسل کرے گی۔ دو قطبی مشینوں مسیں مصاوات 2.3

(a.ar) 
$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

ے تحت برتی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مشینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات  $\theta_e$  میں اور میکانی خاصی مشینوں کی جہاں  $\theta_e$  برتی رو کی مساوات کے تحت ایک سینڈ مسین مقت طبی دباو کی موج آیک سینڈ مسین  $\theta_e$  میکانی خیکر مکمسل کرے گی۔ تعب دہے۔ P قطبی مشینوں کے مقت طبی دباو کی موج آیک سینڈ مسین  $\theta_e$  میکانی حیکر مکمسل کرے گی۔ ہم مساوات  $\theta_e$  کی دونوں اطر سران کاوقت کے ساتھ تفسر قالیتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta_e}{\mathrm{d}t} = \frac{P}{2} \frac{\mathrm{d}\theta_m}{\mathrm{d}t}$$

 زاویائی رفت ارکو $\omega_m$ ے ظ $\omega_m$  کرتے ہوئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\omega_m=rac{2}{P}\omega_e$$
 rad/s  $f_m=rac{2}{P}f_e$  Hz  $n=rac{120f_e}{P}$ 

یہاں اسس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی کسپٹی مشین جس کے کچھ  $\frac{2\pi}{q}$  برقی زاوی پر رکھے گئے ہوں اور جن مسین برقی روم دوری ہو مسین، تین دوری مشین کی طسر رہ ایک ہی رخ گھو متے مقت طبیعی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مسندید، اسس موج کا جھے کے مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے کت ابو گا اور اسس کی زادیائی رفت از  $2\pi f$  علی مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے کت ابو گا اور اسس کی زادیائی رفت از  $2\pi f$  علی مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے گئے ہوگا ور اسس کی زادیائی رفت از کا حیام گئے ہوگا ہوگا ہے۔

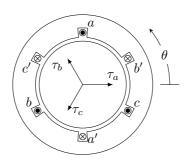
## ۵.۵.۳ تین دورکی کسپٹی مشین کاتر سیمی تحب زیہ

شکل ۲۲.۵ میں تین دور کی کیپٹی مشین و کھائی گئی ہے جس مسیں بثبت برقی رو کے رخ و کھائے گئی ہیں۔ یوں ہے شگان مسین برقی رو کارخ صفحہ مسین عصوری اندر کو ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے کارخ ہے۔ لیجے مسین برقی رو سے پیدامقت طیسی دباو کارخ دائیں ہاتھ کے مسین برقی روسے پیدامقت طیسی دباو کارخ دائیں ہاتھ کے حت نون سے معلوم کسیاحب اسکا ہے۔

اب اگر کچھ مسین برقی رومنفی ہوت برقی رومثبت رخ کے مختاف ہوگا، لینی اب برقی رو کارخ شگان مسین منفی ہوئی ہوئی کچھ ا صفح کے عصودی اندر اور شگان ہ<sup>2</sup> مسین صفح کے عصودی باہر ہوگا۔ یوں منفی برقی روسے پیدامقت طبیبی دباو مجمی کچھ ا کے رخ کا محتالف ہوگا۔ آپ نے دیکھا کہ برقی رومنفی ہونے سے مقت طبیبی دباو کارخ الٹ ہوجہا تا ہے۔ شکل ۲۲.۵ مسین کچھوں کے برقی رواور مقت طبیبی دباو درج ذیل ہیں جب کہ ان کے مثبت رخ شکل مسین دیے گئے ہیں۔

$$i_a = I_0\cos\omega t$$
 
$$i_b = I_0\cos(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0\cos(\omega t + 120^\circ)$$

synchronous speed rpm, rounds per minute r2



#### شکل ۲۲ . ۵. تین دورکی کسپٹی مشین مسیں مثبت برقی رواور ان سے حساصل مقت طبیبی دباو کے رخ۔

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N i_a}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N I_0}{2} \cos \omega t = \tau_0 \cos \omega t \\ (\text{3.33}) & \tau_b &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N i_b}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N I_0}{2} \cos(\omega t - 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N i_c}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N I_0}{2} \cos(\omega t + 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t + 120^\circ) \end{split}$$

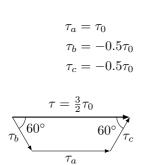
ہم مختلف لیسے ہیں۔ ہم مختلف کی ان کی قیمتوں کو تلاسٹس کرتے ہیں اور ان کا محب و علی مقت طیسی دباو حساس کرتے ہیں۔ t=0 کی ان درج ابلام اوات سے درج ذیل حساس ہوگا۔

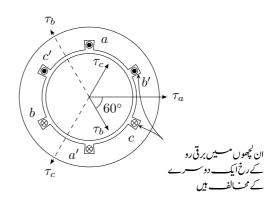
$$i_a=I_0\cos 0=I_0$$
 (۵.۵۲) 
$$i_b=I_0\cos (0-120^\circ)=-0.5I_0$$
  $i_c=I_0\cos (0+120^\circ)=-0.5I_0$ 

$$\begin{split} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos (0-120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0+120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{split}$$

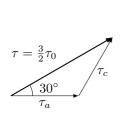
a' بہاں رکھ کر ذراغور کریں۔ لحب t=0 بہت جب کہ  $i_b$  اور  $i_b$  کا اور  $i_a$  بیل ۔ یوں  $i_b$  کا رخ وبی ہوگا جے سٹکل  $i_a$  بیل اور کے مختاف ہوں گے۔ سٹکا فوں مسین نقطے اور صلیب سے دکھتایا گیا ہیں جب میں اور نشکل مسین دیے گئے رخ بحث ناف ہوں گے۔ لحب t=0 بہت بہت نول مقت طبی دباوسٹکل t=0 مسین دکھتا گئے ہیں۔ کل مقت طبی دباوبا آس نی بذریعہ ترسیم (مشکل t=0)، محب وعہ سمتیات سے یا الجبرائے ذریعہ حساس کیا جب سکتی دبا سکت کی مقت طبی دباوبا آس نی بذریعہ ترسیم (مشکل t=0)، محب وعہ سمتیات سے یا الجبرائے ذریعہ حساس کیا جب سکتی ہوگا ہے۔

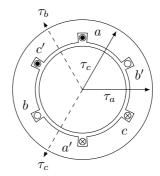
$$\begin{split} \boldsymbol{\tau}_a &= \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \\ \boldsymbol{\tau}_b &= 0.5 \tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} - \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_c &= 0.5 \tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \end{split}$$





#### شکل ۵.۲۳ لمحه $t_0=0$ پربر قی رواور مقت طیسی دباو ـ





رباقی رواور مقت طبیمی دباوی  $\omega t_1=30^\circ$  باور  $\omega t_1=30^\circ$ 

ان کامحبموعب درج ذیل ہو گا۔

(a.d9) 
$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2} \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$$

لحب t=0 پر کل مقت طیسی دباوایک کچھے کے مقت طیسی دباوکاڈیڑھ گٹ اور صف رزاو یہ پر ہے۔ اب ہم گھٹ ڈی کو چلنے دیتے ہیں اور بچھ و قف بعب الحب  $t_1$  پر دوبارہ مقت طیسی دباو تلاسٹس کرتے ہیں۔ مساوات ۵۵۵۵ میں متغیبر t کی بجب نے t سکا استعال زیادہ آسان ہے لہانے اہم کھے۔  $t_1$  یوں منتخب کرتے ہیں کہ اور مساوات ۵۵۵۵ میں متغیبر t کی بجب نے t سکا کا استعال زیادہ آسان ہے لہانے اہم کھے۔  $t_1$  یوں منتخب کرتے ہیں کہ  $t_1=30^\circ$ 

۵.۲ محسر کی برقی دباو

$$i_a=I_0\cos 30^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}I_0$$
 
$$i_b=I_0\cos(30^\circ-120^\circ)=0$$
 
$$i_c=I_0\cos(30^\circ+120^\circ)=-\frac{\sqrt{3}}{2}I_0$$

$$\tau_a=\tau_0\cos30^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}\tau_0$$
 
$$\tau_b=\tau_0\cos(30^\circ-120^\circ)=0$$
 
$$\tau_c=\tau_0\cos(30^\circ+120^\circ)=-\frac{\sqrt{3}}{2}\tau_0$$

کل مقت طیسی دباو کاطول au اور زاویہ تکون سے حساسس کرتے ہیں۔

(a.1r) 
$$\tau=\sqrt{\tau_a^2+\tau_c^2-2\tau_a\tau_c\cos120^\circ}=\frac{3}{2}\tau_0$$

تکون کے دواط۔ران کی کمبائیاں ایک دوسرے کے برابر اور ان کے پخ زاویہ °60 ہے لہذامقٹ طیسی دباو کازاویہ افتی ککسیسرے °30 ہوگا۔

## ۵.۲ محسرک برقی دباو

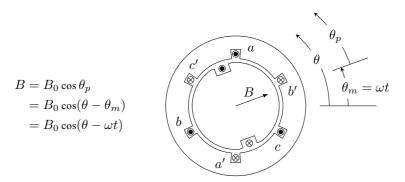
یہاں محسر کے برقی دباو ۴۸ کوایک دوسسرے نقطے نظے رہے پیش کرتے ہیں۔

۵.۲.۱ بدلت اروبر قی جنسریٹسر

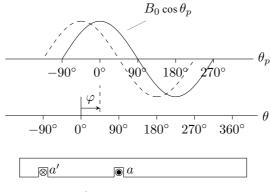
 $^{-1}$ کل ۲۵.۵ مسیں ایک بنسادی ب**دلتا رو چنرپیژ** و کھایا گیا ہے۔ اسس کا گھومت ابر قی مقعن طیسس، حنلائی درز مسیں سائن نما گفت مقعن طیسی بہب و B پیدا ہوتا ہے:

(a.11°) 
$$B=B_0\cos\theta_p$$

t=0 مقت الطیسس سزاویا تی رفت ارسے گلوم رہا ہے۔ ابت دائی گھی۔ t=0 پر اسس مقت اطیسس کو گھی ہے درخ افتی ککسی رپر تصور کریں۔ یوں گھی۔ t=0 پر ہوگا۔ اسس طسرح درج بالامساوات درج ذیل ککھی حباسکتی میں۔ یوں گھی۔ t=0 بی مقت طیسس گلوم کرزاوی میں اور کو محسر کسی برقی دباو کو محسر کسی معربی معربی



#### <u>شکل ۵.۲۵:بن</u>پادی بدلت اروجنسریٹ ر



مشكل ٥٠٢١ ليجه مسين سے گزر تامقن طيسي بهاور

(a.77) 
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m) \\ = B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

 $t=-\frac{1}{2}$  وراوی B وراوی B و راوی و راوی کی بیم کی گیا ہے اور ساتھ ہی کچھ B و مقابل کے بالد معدوی B و مقابل کو نوا ور کچھ B و کو راوی کی در آئیں B و نقط ہور الکسیسرے طاہر گیا ہے جب معدوی کی بیو گی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہوگئی ہو ہو گئی ہوگئی ہوگ

$$\theta_m = \omega t$$

۵,۲ محسر کے برقی دیاو

$$\phi_a(0)=\int_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}m{B}\cdot\mathrm{d}m{S}$$
  $=\int_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}(B_0\cos heta_p)(l
ho\,\mathrm{d} heta_p)$   $=B_0l
ho\sin heta_pig|_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}$   $=2B_0l
ho$   $=\phi_0$ 

$$\phi_a(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S}$$
 
$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho \, \mathrm{d}\theta_p)$$
 
$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \big|_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m}$$
 
$$= 2B_0 l\rho \cos \theta_m$$
 
$$= 2B_0 l\rho \cos \omega t$$

ای بہاو کو درج ذیل طسریقہ سے بھی حسامسل کیا حباسکتاہے۔

$$\begin{split} \phi_a(t) &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \\ &= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right] \\ &= 2B_0 l\rho \cos \omega t \end{split}$$

axial length".

 $\phi_a(t)$  کو درج ذیل  $\phi_a(t)$  کو درج ذیل کیا گیا ہے۔ مساوات ۲۲.۵ کی مدد سے کو درج ذیل کھی حب سکتا ہے۔

(a.14) 
$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

$$\begin{split} \phi_b(t) &= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l \rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \\ &= B_0 l \rho \left[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right] \\ &= 2B_0 l \rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right) \end{split}$$

اور

$$\begin{split} \phi_c(t) &= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \\ &= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right] \\ &= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right) \end{split}$$

ایک لچھ ا N حپکری تصور کرتے ہوئے شیسنول کچھوں مسیں پیدابر قی دباو معسلوم کرتے ہیں۔ کچھوں مسیں ارتباط بہباو درج ذیل ہوگا۔

$$\lambda_a=N\phi_a(t)=N\phi_0\cos\omega t$$
 
$$\lambda_b=N\phi_b(t)=N\phi_0\cos(\omega t-120^\circ)$$
 
$$\lambda_c=N\phi_c(t)=N\phi_0\cos(\omega t+120^\circ)$$

۵,۲ محسر کے برقی دباو

ان مساوات مسین  $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیئن کو  $120^\circ$  کھے آگیا ہے۔ کچھوں مسین پیداامالی برقی د باودرج ذیل ہوگا۔

$$e_a(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin\omega t$$
 
$$e_b(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$e_c(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ)$$
 (5.27) 
$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ)$$
 
$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ)$$

:  $E_0$  ہیں۔ ان سب کے جیلے  $E_0$  ہیں:  $E_0 = \omega N \phi_0$ 

يوں تىپ نوں برقى دباو كى موثر قيمت بيں الله درج ذيل ہوں گي۔

(a.24) 
$$E_{\dot{r}r} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

چونکہ $BA=\phi$  ہو تاہے اہلے زامی اوات ۲۱٫۵ صفحہ ۲۳ پر دی گئی مساوات ۵۱٫۲ کی طسر جے۔

۔ حنائی درز مُسیں برقی مقن طیس کامقن طیسی بہاوتصور کر کے مُساوات ۵. ۲۵ حساس کی گئیں۔ حقیقہ مسیں حنائی درز مسیں حنائی درز مسیں کی بھی طسر تر یمی مقن طیسی بہاو پسید اکرنے سے بہی مساوات حساس ہوں گا۔ یوں اگر درز مسیں ساکن، متحسر کے یادونوں کچھے مسل کر یمی مقن طیسی بہاو پسید اکریں تب یہی مساوات، یعنی یمی برقی دباو،حساس ہوں گا

م اوات ۲۱۵ ہمیں ایک گچھ کچھے مسیں پیدابر قی دباو دیتی ہے۔ اگر کچھ تقسیم شدہ ہوتب مختلف شکافوں مسیں موجود اسس کچھے کے حصوں مسیں برقی دباو ہم متدم نہیں ہوں گے المہذا محبوعی برقی دباوان سب کاحساصل جمع نہیں ہوگا۔ لگھ اسس سے کچھ کم ہوگا۔ یوں پھیلے کچھے کے لئے ہے۔ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے جہاں کھ حبزو پھیلاو

$$(\text{a.44}) \hspace{3.1em} E_{\text{re}} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

تین دوری بر تی جنسہ سٹسر کے  $k_w$  کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں یک دوری برقی دباو دیتی ہے۔ تین دوری برقی جنسہ سٹسر مسین اسس طسر ح کی تین کچھوں کی جوڑیاں ہوتی ہیں جنہسیں Y یعنی ستارہ یا کہ کھوڑ اب تا ہے۔



شکل ۸.۲۷: یک دوری یک سمت برقی دباو ـ

#### ۵.۲.۲ کے سمت روبرقی جنسریٹ ر

ہر گھونے والا برقی جنسریٹ بنیادی طور پر بدلت اروجنسریٹ ہوتا ہے۔ البت جب ان یک سمت برقی دباو<sup>۳۳</sup>ی ضرورت ہو وہاں ختاف طسریقوں سے بدلت ابرقی دباو کو یک سمت برقی دباو کسی تبدیل کسیاحباتا ہے۔ جنسریٹ رکے باہر برقیا تھی سمت کار سمن سمت کار سمن سمت کار سمن سمت کار سمن سمت دباوحیا سمت دباوحیا سمت دباوحیا سمت کار سمن سمت برقی دباو کسی سمت دباوحیا سمت برقی دباو کسی سمت برقی دباو کسی سمت برقی دباو کی اوسط قیت مثال ۲۷۵ مسیں یک سمت برقی دباو دکھایا گیا ہے۔ اسس یک سمت برقی دباوکی اوسط قیت مناسل کریں۔ حساس کریں۔

$$E_{\mbox{\tiny bust}} = rac{1}{\pi} \int_0^\pi \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = rac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

#### یک سمت جنسریٹ ریرباب ۸میں غور کیا حبائے گا۔

## ۵.۷ هموار قطب مشينول مسين قوت مسرورً

اس حسہ میں کامسل مشین کی قوض مرور میں کے حصول کے دوتراکیب پر غور کیا جبائے گا۔ ایک ترکیب مسین مشین کو دومقت طیس تصور کرکے ان مقت اطیبوں کے فقوت کشش، قوت دفع اور قوت مسروڑ حساسل کیے جبائیں گے جبکہ دوسری ترکیب مسین مشین کے ساکن اور گھومتے کچھوں کو امالہ تصور کرکے (باب حیار کی طسرح) توانائی اور ہم توانائی کے ترکیب پرغور کرتے ہیں۔

## ا. ۵.۷ میکانی قوی مسرور بذریعی ترکیب توانائی

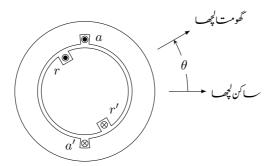
یہاں یک دوری مشین پر غور کیا جبائے گا جس سے حساصل نتائج با آسانی زیادہ دور کی مشینوں پر لا گو کیے حباسکتے ہیں۔ مشکل ۲۸.۵ مسیں یک دوری کا مسل مشین دکھیائی گئی ہے۔ کسی بھی لھے اسس مشین کے دولچھوں کے پیچ کوئی زاویہ ہوگا جے

DC voltage"

rectifier

commutator

torque



شکل ۵.۲۸: ساکن اماله اور گھومت اماله۔

 $\theta$ ے ظاہر کب گیا ہے۔ حنلائی درز ہر معتام پر یکساں ہے لہانہ اا بھسرے قطب کے اثرات کو نظسر انداز کسیاحباتا ہے۔ مسزید، وتالب کا حبز ومقت طیسس مستقل لامت ناہی ( $\infty$   $\leftarrow$   $\mu_r$ ) تصور کسیا گیا ہے لہانہ الچھوں کا امالہ صرف حنلائی درز کے مقت طیسی مستقل  $\mu_r$  مخصر ہوگا۔

$$(2.24) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

 $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  سے اوات میں اوات میں  $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  سے اوات  $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  اورج ذیل ہوں گے۔ (میاوات ۲۰۲۳ کے تحت ) ورج ذیل ہوں گے۔

$$\lambda_a=L_{aa}i_a+L_{ar}(\theta)i_r=L_{aa}i_a+L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
 
$$\lambda_r=L_{ar}(\theta)i_a+L_{rr}i_r=L_{ar0}\cos(\theta)i_a+L_{rr}i_r$$

ے کن کچھے کی مسزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مسزاحمت  $R_r$  کے سروں پر متانون کر خون سے برق دیاو درج ذیل ہوں گے۔

$$(a.n.) \qquad v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$
 
$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں ∂بر تی زاو ہے ہے جس کی وقت کے ساتھ تب یلی، زاویائی رفت ارس ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

magnetic constant, permeability "1

میکانی قوت مسرورٹ بذریعہ ہم توانائی حساس کی حباسکتی ہے۔صفحہ ۱۰۹ پر مساوات ۲۲.۴سے ہم توانائی حساسل کی حبائے درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$W_m'=\frac{1}{2}L_{aa}i_a^2+\frac{1}{2}L_{rr}i_r^2+L_{ar0}i_ai_r\cos\theta$$

 $T_m$ اس سے میکانی قوت مسروڑ $T_m$ مسال کرتے ہیں۔

$$(\text{a.nr}) \hspace{1cm} T_m = \frac{\partial W_m'(\theta_m, i_a, i_r)}{\partial \theta_m} = \frac{\partial W_m'(\theta, i_a, i_r)}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_m}$$

چونکہ P قطب مشینوں کے لئے درج ذیل ہو تاہے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

لېنداېمىن مساوات ۸۳.۵ سے درج ذیل حساصل ہوگا۔

(a.12) 
$$T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin \left( \frac{P}{2} \theta_m \right)$$

 $T_m$  کی عبد اور جس لمحت پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقت طلیمی ہیں اور گھومتے کچھوں کے مقت طلیمی ہیں اور گھومتے کچھوں کے مقت اللیمی ہیں وگئے آو ہے مسروڑ منفی ہو گا۔ قوت مسروڑ دونوں مقت اللیمی ہیں و کو ایک میں رکھنے کی کو مشش کرتا ہے۔  $T_m$ 

## ۵.۷.۲ میکانی قوت مسرورٔ بذریعه مقن طیسی بهاو

سشکل ۲۹.۵-امسیں دو قطبی یک دوری مشین کے صرف گھومت کچھے مسیں برتی روپایا حب تا ہے۔مشین کا گھومت احمہ ایک مقت طیسس کی مانٹ دہے جسس کے شمسالی اور جنوبی قطبین و کھائے گئے ہیں۔اسس کچھے کامقت اطیسی بہب و تسیسر کے نشان سے د کھایا گیاہے لہندا تسیسر اسس مقت طیسس کے محور کو ظاہر کرتاہے۔

شکل ۲۹.۵ - ب مسین صرف ساکن کچھے مسین برقی روپایا حباتا ہے۔ ساکن حصہ سے مقت طیسی بہباو حسارج ہو کر حسٰلائی درز سے ہو تاہوا گھومتے حصہ مسین داحسٰل ہو تاہے الہذا یجی اسس کا شمسالی قطب ہو گا۔ یہساں ساکن حصہ ایک مقت طیسس مانسند ہے جس کا محور تسییر ہے ظاہر کسا گساہے۔

اگر حپ مشکل ۲۹.۵ مسیں گجھ کچھے د کھیائے گئے ہیں، در حقیقہ ونوں کچھوں کے مقت طبیبی دباو سائن-نمسا ہوں گے اور تسبیر کے نشانا سے ان مقت طبیبی دباو کی امواج کی چوٹیوں کو ظہا ہر کریں گے۔

سشکل ۰۵، ۳۰ مسیں دونوں کچھوں کو برقی روفسر اہم کیا گیا ہے۔ دونوں کچھوں کے محت الف قطبین کے پی قو ۔۔ کشش پائی حبائے گی جسس کی بیت دونوں کچھے ہم رخ ہونے کی کوسشش کریں گے۔

واضح رہے کہ دونوں کچھے (مقت طیسس) کو شش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صف رکے برابر ہو یعنی ان کامیکانی قوت مسروڑ  $\theta_{ar}$  کے کہ متالف رخ ہوگا۔ یمی میاوات ۸۵٫۸ کہتی ہے۔

کیچھوں کے مقت طبیبی دباو کو مقت طبیبی محور کے رُر نے  $au_r$  اور  $au_r$  نظیبی دباو کی چوٹیوں کے برابر ہیں۔ حشائی درز مسیس کل مقت طبیبی دباو  $au_{ar}$  ان کا محب وعب ہوگا جس کا طول  $au_{ar}$  کلیہ کوسائن  $au_a$ 

cosine low





سامسل ہو گا:

(a.ny) 
$$\begin{split} \tau_{ar}^2 &= \tau_a^2 + \tau_r^2 - 2\tau_a\tau_r\cos(180^\circ - \theta_{ar}) \\ &= \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2\tau_a\tau_r\cos\theta_{ar} \end{split}$$

مقت طیسی شد سے کی چوٹی کو ظباہر کر تا ہے۔ خیلاء مسیں جس معتام پر مقت طیسی شد سے H ہو وہاں مقت طیسی  $H_{ar}$  ہم توانائی کی کثافت ، درز مسیں  $H^2$  کی اوسط کو  $\frac{\mu_0}{2}$  ہو وہاں مقت طیسی ہم توانائی کی کثافت ، درز مسیں  $H^2$  کی اوسط کو  $H^2$  سے ضرب کر کے  $H^2$  ہوگا۔ کسی بھی سے ائن نے امون  $H^2$  کی اوسط درج والے اوسط درج والے ہوگا۔

$$H^2 \omega = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^2 d\theta = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_0^2 \cos^2 \theta d\theta$$

$$= \frac{H_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta = \frac{H_0^2}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \bigg|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} = \frac{H_0^2}{2}$$

یوں حسٰلائی درز مسیں، جہاں مقساطیسی میدان کاحیطہ  $H_{ar}$  ہے، اوسط ہم توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{\mu_0}{2}$  ہو گی۔ حسٰلائی درز مسیں اوسط ہم توانائی  $W'_m$  توانائی  $W'_m$  دے گا:

(a.14) 
$$W'_m = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

 $l_g$  اور دھ سرے میں مساوات مسین حنلائی ورزگی ردای لمبائی  $l_g$  اور دھ سرے  $l_g$  کے رخ محوری لمبائی  $l_g$  ہے۔ محورے حنلائی ورزگا اوسط ردای مناصلہ r ہے۔ مسندی  $l_g$  سے مقت طبی ہماوی تسبدی مناصلہ r ہے۔ اسس مساوات کو ہم مساوات کہ کم کی مدد سے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔ مساوات کو ہم مساوات کی جاسکتی ہے۔ اسس مساوات کو ہم مساوات کی مدد سے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$W_m' = \frac{\mu_0 \pi r l}{2l_g} \left( \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2\tau_a \tau_r \cos \theta_{ar} \right)$$

يوں ميكانی قو\_\_\_ مسرور درج ذيل ہو گا۔

(a.91) 
$$T_m=\frac{\partial W_m'}{\partial \theta_{ar}}=-\frac{\mu_0\pi rl}{l_q}\tau_a\tau_r\sin\theta_{ar}$$

مساوات ہا۔ ۹۱۵ مسیں قوت مسروڑ دو قطبی مشین کے لئے حسامسل کی گئے۔ P قطبی مشین کے لئے ہے مساوات ہر جوڑی قطب کی میکانی قوت مسروڑ دیتے ہے اہلے ذا P قطبی مشین کی قوت مسروڑ P کتابھو گی:

(a.9r) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات ۱۹۲۵ می اور ۱۹۲۵ می اوات ہے جس کے مطابق مشین کی میکانی قوت مسروڑ، ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقت طلبی دباو کی چوٹیوں اور دونوں کے نتی برقی زاویہ میں ہوگا ہے سائن کی راست مستناسب ہوگا منفی میکانی قوت مسروڑ کا مطلب ہے کہ بین زاویہ کو میں کرنے کی کوشش کرے گی۔ مطلب ہے کہ بین زاویہ کو میں کرنے کی کوشش کرے گی۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصول پر ایک دوسرے کے برابر لیس من مختال ہوگا جب کہ گھومتے حصول پر ایک دوسرے کے برابر لیس منتقال ہوگا جب کھومتے ھے کی میکانی قوت مسروڑ ہوگا البت ساکن حصہ کو متحسر کر قریب خود کے ذریعہ زمسین تک منتقال ہوگا جب کھومتے ھے کی میکانی قوت مسروڑ اسس حصہ کو متحسر کر تی ہے۔

چونکہ مقت طبیعی دباو کچھے کے برقی رو کاراست مستناسب ہے لہانہ اور  $i_a$  آگس مسین راست مستناسب ہوں گے جب کہ مساوات ۵۵۵۸ اور ۱۹۲۵کیس گے جب کہ au اور au آگیس مسین راست مستناسب ہوں گے۔ یوں ظاہر ہو تا ہے کہ مساوات ۵۵۵۸ اور ۱۹۲۵کیس دوسسرے جسم بین در حقیقت سے ثابت کساحس سکتاہے کہ سے دونوں بالکل ایک جسم بین۔

سٹکل ۳۱.۵ مسیں دوبارہ س کن اور گھومتے کچھوں کے مقت طیمی دباو د کھائے گئے ہیں۔ سٹکل – اکی تکون  $\Delta AEC$  اور  $\Delta BEC$  مسین  $\Delta C$ مسین  $\Delta C$ مشین کے جو درن ذیل ہوگا۔

(a.9r) 
$$CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اسس مساوات کی مدد سے مساوات ۹۲.۵ کو درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

(a.97) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_q} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

ای طسرح شکل ۱۵.۵- کی تکون  $\Delta MWQ$  اور تکون  $\Delta SWQ$  مسین WQ مشتر کے ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اسس مساوات کی مدد سے مساوات ۹۲.۵ کو درج ذیل لکھا حباسکتاہے۔

(a.94) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مساوات ٩٢.٥ مساوات ٩٢.٥ اور مساوات ٩٢.٥ كوايك ساتھ لکھتے ہيں۔

$$T_m = -\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_g}\tau_a\tau_r\sin\theta_{ar}$$
 
$$(\text{a.92}) \qquad \qquad T_m = -\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_g}\tau_a\tau_{ar}\sin\theta_a$$
 
$$T_m = -\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_g}\tau_r\tau_{ar}\sin\theta_r$$



<u> شکل ۵٫۳۱، ۵</u>:مقت طیسی بہاواوران کے زاویے۔

ان مساوات سے واضح ہے کہ میکانی قوت مسروڑ کو دونوں کیجھوں کے مقت طیسی دباو اور ان کے پیخ زاوی کی صورت مسیں، یا کسی ایک کیچھے کے مقت طیسی دباو، کل مقت

اسس بات کو یوں بسیان کسیا حساسکتاہے کہ میکانی قوت مسروڑ دومقٹ طیسی دباو کی آلیس مسیں ردعمسل کی وحب سے پسید ااور مقت طیسی دباو کی چوٹیوں اور ان کے پچ زاوی ہے ہر منحصسر ہوتا ہے۔

مقت طبیبی دباو، مقت طبیبی شدی، کثافت مقت طبیبی بهب و اور مقت طبیبی بهب و آپس مسین تعساق رکھتے ہیں جنہبیں معتقف طبیبی دباو علیہ کار مصین کثافت مقت طبیبی بهب و معتقف طبیبی بهب و کتابت مقت طبیبی بهب و کتابت کار مصین کثافت مقت طبیبی بهب و کتابت کار مصین کثافت مقت طبیبی بهب و کتابت کار مصین کشافت مقت طبیبی بهب و کتابت کار مصین کشافت مقت طبیبی بهب و کتابت کار مصین کشافت مقت کار مصین کشافت مقت کار مصین کشافت مقت کار مصین کشافت مقت کار مصین کشافت مصین کشافت مقت کار مصین کشافت مقت کار مصین کشافت مقت کار مصین کشافت کار مصین کار کار مصین کار کار مصین کار مصین کار کار کار مصین کار کار کار کار کار کار کار کار کار مصین کار کار کار کار کار کار کار کار کار ک

(a.91) 
$$B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_a}$$

استعال کرے مساوات ۹۷۵۵ کے آمنسری حبزو کو درج ذیل لکھا حب سکتا ہے۔

(a.99) 
$$T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin\theta_r$$

مساوات ۹۹.۵ کی دوسسری اہم صورت دیکھتے ہیں۔ قطب پر اوسط کثانت مقت طلبی بہب و اور قطب کے رقب

 $A_F$ 

$$B_{\rm last}=\frac{1}{\pi}\int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}B_0\cos\theta\,{\rm d}\theta=\frac{2B_0}{\pi}$$

$$A_P = \frac{2\pi r l}{P}$$

کارے صل ضرب قطب پر مقت طیسی ہیں و $\phi_P$  ہو تا ہے لہذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

(a.1.47) 
$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

ہوں گے۔مساوات، ۳۰۵ معساصر مشینوں کے لئے بہت کار آمدہے۔

## باب

# يكان حال، برفت رار حيالومع اصرمثين

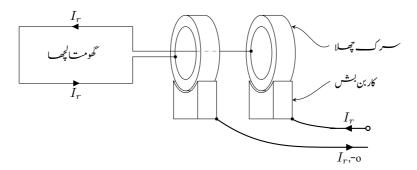
مع اصر مشین وہ گلومنے والی مشین ہے جو ایک مقب ررہ رفت ارسے گلومتی ہے۔ ہے رفت ار منسراہم کر دہ برقی دباوے تعد دپر مخصہ رہوتی ہے۔

کی جنسر پر ہو جھ تبدیل کرنے یا جنسر پیٹسر کو میکانی طباقت فنسراہم کرنے والے کی رفت ار تبدیل کرنے کے چند ہی لحسات مسیں جنسر پیٹسر بنی حسالت کے مطابق دوبارہ برقت رار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اسس برفت رار حورت اختیار کر لیتا ہے۔اسس برفت رار حورت وغیب رہ تبدیل جہیں ہوتے ہیں۔ای طسرح موٹر پر بوجھ تبدیل ہونے نے موٹر کی درکار طباقت اور برقی رہ تبدیل ہوں گے۔ بوجھ تبدیل ہونے نے قبل موٹر ایک مستقل برقی رو حساسل کرتی اور ایک مستقل در جب حسرارت پر رہتی ہے۔ بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی لحسات مسیں موٹر دوبارہ ایک بی بوت میں برفت رار رہتا ہے اور اسس کا برقی رو ایک نئی برفت رار رہتا ہے اور اسس کا در جب حسرارت بھی ایک نئی قیمت اختیار کرتا ہے۔ دو مختلف برفت رار حیالو، یکساں صور توں کے در میان چند لحسات کے لئے مشین عارضی حالی امسیں ہوتی ہے۔ اسس باب مسین پر تبصرہ کیا۔

معناصر مشین کے قوی کچھے عسوماً ساکن ہوتے ہیں جبکہ اسس کے میدانی کچھے مصاصر رفت ارسے گلومتے ہیں۔ میدانی الچھوں کا برقی رو کی نسبت بہت کم ہوتا ہے البندا میدانی کچھوں کو گھمایا حباتا ہے اور ان تک برقی رو کی نسبت بہت کے ہوتا ہے البندا میدانی کچھوں کو اسس لئے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ سے کہ سے کہ کے اس کے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ سے کہ کے اس کے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ حسر کر سے چھاوں کے ذریعیہ ان کا (نسبۂ بہت رزیادہ) برقی رو منتقبل کرنا مشکل ثابت ہوتا ہے۔ یوں قوی کچھوں کو ساکن رکھا حباتا ہے۔

ہم دیکھ جیکے ہیں کہ تین دوری س کن کچھوں مسیں متوازن تین دوری برتی رو ایک گھومتے مقت طبیبی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں۔اسس گھومتی موج کی رفت ار کو **معاصر رفتار** سمج ہیں۔ معاصر مشین کا گھومت احسہ اس ان فت ارسے گھومت ہے۔ معاصر مشین کے میدانی کچھ کویک سمت برتی رودر کار ہوتا ہے جو سسر کے چھالوں کے ذریعہ اسس تک باہرے پنجھایا حیاتا ہے یامشین کے دھسرے پرنسب ایک چھوٹے یک سمت جنسریٹرے منسراہم کسیاحیا تا ہے۔

steady state synchronous speed



شکل ۲: کارین بُش اور سسر کے چھلوں کے ذریعہ گھومتے کھے تک برقی رو پہنچایا گیا ہے۔

میدانی لچھ ایک میدانی مقن طیسی دباو پیدا کرتا ہے جو میدانی کچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفت ارسے گھومت ا ہے۔ یوں معاصر مشین کے گھومتے کچھوں کی مقن اطیسی دباومون آور ساکن کچھوں کی مقن اطیسی دباوموج معاصر رفت ارسے گھومتی ہیں۔ جس کی ب ان مشینوں کو معاصر مشیور کہتے ہیں۔

#### ال متعبد د دوری معیاصر مشین

معاصر مشین عصوماً تین دوری ہوتے ہیں۔ تین دوری ساکن قوی کچھے حنلائی درز مسیں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ میدانی کچھے گھومتے تھے پر نسب ہوتے ہیں جبکہ میدانی کچھے گھومتے تھے پرنسب ہوتے ہیں اور ان مسین یک سمت برقی روہو تاہے۔

مشین کے گھومتے تھے کو ہیں۔ ونی میکانی طباقت سے گھمانے سے مشین ایک معیاصر جنسہ بیٹ کے طور پر کام کرتی ہے اور اسس کے تین دوری ساکن قوی کیچھوں مسین تین دوری برقی دباویسید اہو گا جسس کابر قی تعد در گھوسنے کی رفت ار پر مخصصہ ہوگا۔ اسس کے بر عکس، مشین کے تین دوری ساکن قوی کیچھوں کو تین دوری برقی طباقت مہیا کرنے سے مشین ایک معیاصر موٹر کے طور پر کام کرتی ہے جو معیاصر رفت ارسے گھوسے گی۔ مشین کی کل برقی قوت کے چند فی صد برابر برقی قوت مید انی کیچھ کو در کار ہوتی ہے۔

گومتے لیجے تک برقی دباو مختلف طسریقوں سے پنجی یا حب سکتا ہے۔ مشکل ۲.۱ مسیں گومتے لیجے تک موصل سمرکھ میں موسل سرکھ کے تک سمت برقی رو پنجی نے کا طسریق دکھایا گیا ہے۔ سسرک چھلے ای دھسرے پر نسب ہوں گے جس پر گھومت لیجھانسب ہو گالہ خااسسرک چھلے اور گھومتے لیجھا ایک بیار فت ارسے حسرک کریں گے۔

کارین کے ساکن بشش، اسپرنگ کی مدد ہے، سسرک چھلے اور گھومتے ہیں۔ اسپرنگ کا دباوان کا برقی جو ڈمفبوط رکھتا ہے تا کہ جب مشین حیاتی ہے، کارین بشش ان سسرک چھلوں پر سسرکتے ہیں۔ اسپرنگ کا دباوان کا برقی جو ڈمفبوط رکھتا ہے تا کہ ان کے فیجھائے کا دبی بھسٹوں پر سسرکتے ہیں۔ اسپرنگ کا دباوان کا برقی جو ڈمفبوط رکھتا ہے تا کہ دبی ہمت برقی رو آی۔ یک سمت برقی رو آی۔ کارین بھش اور سسرک

چیساوں سے ہو تاہوا، گلومتے کچھے تک پنچتا ہے۔ بڑی معیاصر مشین کا میدانی یک سمت روعہ وماً ایک چھوٹے بدلت روجہ نسریٹ رسے حیاصل کیا حیاتا

> slip rings<sup>c</sup> carbon bush<sup>a</sup>

ہے جو معاصر مشین کے دھسرے پر نہ ہوتا ہے اور دھسرے کے ساتھ گھومت ہے۔ چھوٹے جنسریٹسر کے برقی دباو کو دھسرے پر نہ برقبیاتی سے کار کی مدد ہے یک سمت برقی دباو مسیں تبدیل کہا حباتا ہے۔ یوں سسر ک چھلے کی ضرورت پیش نہیں آتی ہے۔ سسر ک چھلے بوجب رگڑ حنسراب ہوتے ہیں جس کی وجبہ سے معاصر مشین کی مسرمت درکار ہوتی ہے جوایک مہنگا کام ہے۔ ای لئے چھوٹا جنسریٹراستعال کرتے ہوئے سسر ک چھلوں سے خبات ساسل کی حباق ہے۔

ب المجارے قطب المحتین، پانی سے جیلنے والے سبت رفت ار جنسریٹ راور عسام استعال کی موٹروں کے لئے موزوں ہیں ۔ انجسرے قطب المحتین، تب زرفت اردوپا حسار قطبی **پر فاھ** ^جنسریٹ رول کے لئے موزوں ہیں۔

ایک (بڑی) سلطنت کو در کاربر تی توانائی کی ایک جنسریٹرے پیدا کرنام کن نہیں ہوتا ہے بلکہ چند درجن سے لے کر کئی سو جنسریٹر بیک وقت سے صندیقت سرانحبام دیے ہیں۔ ایک سے زیادہ جنسریٹر استعال کرناف اندہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اول، بر تی توانائی کی ضرورت کے مطاباتی جنسریٹر حیالو کے حیاستے ہیں۔ دوم، جنسریٹرول کو ان معتامات کے قسریب نسب کسیا حیاس جہاں برتی توانائی در کار ہو۔ اسس طسر ہ کے بڑے نظام مسیں ایک جنسریٹر کی حیثریت بہت کم ہوتی ہے الجندا کی ایک جنسریٹر کو حیالو یابند کرنے سے پورے نظام پر کوئی دیاس اثر نہیں پڑتا ہے۔ یوں ہم سلطنت کے برتی نظام کو ایک مقسرہ برتی دباو اور ایک مقسرہ برتی تعدد کالامتنائی نظام تھور کر سے ہیں۔ معاصر جنسریٹر کو کیام ہہاو نظام کے ساتھ حب اُلقور کر کے معاصر جنسریٹر کے گیا ہم پہلو

می وات ۵ مطابق برقی قوت مسرور درجی ہے۔ اسس مساوات کے مطابق برقی قوت مسرور درجی ہے۔ اسس مساوات کے مطابق برقی قوت مسرور درجیالو مشین موجود متعامل مقناطیسی دباو کو ایک دوسرے کی سیدھ مسیں لانے کی کوشش کرتی ہے۔ برمت را دلیا مشین کی برقی قوت مسرور ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ جب مشین ایک جنسریٹ کی حیثیت سے استعال ہوت میکانی طاقت دھسرے کو گھساتا ہے اور گھومتے کچھے کامقناطیسی دباوگل مقناطیسی مشین کو گھومنے سے درئے کی کوشش کرتا ہے۔ میکانی طباقت جیلتے پانی، این دھن سے جیلتے انجی، وغیسرہ سے ساس کو بائی این موثر کی حیثیت سے استعال ہو تب صورت اسس کے باگل آلائے ہوگی۔

کل مقت طیبی بہب و  $\phi_{ar}$  اور گھومتے کچھے کا مقت طیبی دباو  $\phi_{ar}$  تبدیل نہ ہونے کی صورت مسیں مساوات  $\phi_{ar}$  مطب ابق مشین کی قوت مسروڑ ہی  $\phi_{ar}$   $\phi_{ar}$   $\phi_{ar}$   $\phi_{ar}$  مطب ابق مشین کی قوت مسروڑ ہی  $\phi_{ar}$   $\phi$ 

موٹر پر لدامیکانی بوجھ بت در نج بڑھانے سے ایک لحب آئے گاجب زاویہ  $\theta_r$  نوے در حب،  $\frac{\pi}{2}$  ریڈ بئن، تک پنچت  $\theta_r$  موٹر اپنی انتہائی توت مسروڑ 'اپیدا کرے گی۔ موٹر کسی بھی صورت مسین اسس سے زیادہ توت مسروڑ

salient poles

non-salient poles

turbine^

hunting

pull out torque'\*

پیدا نہیں کر سکتی ہے لہذا ہو جھ مسزید بڑھانے سے موٹر رک حبائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر "صورت افتیار کر لی ہے۔مساوات ۵۔۱۰۳ سے ظاہر ہے کہ ایک قطب کا کل مقت طیسی بہبادیا (اور) گھومتے کچھے کامقت طیسی دباوبڑھ کرموٹر کی انتہائی قویں مسروڑ بڑھائی حباستی ہے۔

ر میں مورت حال اگر مشین برقی جنسر سے طور پر استعال کی حبائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیسر

مع اصر صورت اختیار کرے، اسے حبلد خود کار **دور شکرنے** "ای مددسے بر تی بھم رسانی سے الگ کر دیا حبا تا ہے۔ ہم نے دیکھیا کہ ایک معیاصر موٹر صرف اور صرف معیاصر رفت ارسے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف

ہم نے دیکھ کہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفت ارسے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف ای رفت ارپر گھوم کر قوت مسروڑ پیدا کر سکتی ہے الجندا ساکن معاصر موٹر کو حیالو کرنے کی کوشش ناکام ہو گی۔ معاصر موٹر کو پہلے کی دوسرے طسریقے ہے معاصر دفت ارتک لایا حباتا ہے اور اسس کے بعد اسے حیالو کہا حب اتا ہے۔ ایسا عصوماً ایک چوٹی امالی موٹر "کی مدد سے کہا حب اتا ہے جو ہے بوجھ معاصر موٹر کو معاصر دفت ارتک پہنچ آتی ہے جس کے بعد معاصر موٹر کو حیالو کہا جب ایک امالہ موٹر عسوماً معاصر موٹر کے دھسرے پرنسب ہوتی ہے۔

## ۲.۲ معاصر مثین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مشین دو قطب اور تین دوری ہے اور اسس کے کچھے ستارہ نمب حبٹرے ہیں۔اسس طسرح کچھوں مسین برقی رو، تاربر قی رو"ا ہی ہو گااور ان پر لا گوبر قی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ایسا کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان اور نتیجب کسی بھی موٹر کے لئے درست ہو تاہے۔

سشکل ۲۰ ۲ مسیں ایک ایک تین دوری دو قطبی معاصر مشین دکھائی گئی ہے۔اسس کا گھومت حصہ نکلی نمیا ہے۔اسس کو دو قطبی مشین یا 7 قطبی مشین کے دو قطبین کاحصہ تصور کسیاحب سکتا ہے۔

اگر حب بہباں پچھے لیجے وکھائے گئے ہیں، حقیقت مسیں پھیلے کچھے استعال ہوں گے لہندا انہ میں پھیلے کچھے تصور کریں۔
اس طسر ہ پر لچھ اسائن نمب برقی دباوپیدا کرتا ہے جس کی چوٹی کچھے کی مقت طبی محور کے رخ ہوگی۔ چونکہ معیاصر مشین کے گھومتے کچھے مسیں یک سمت رو ہوتا ہے لہندا، جیسا شکل ۲.۲ مسیں دکھیایا گیا ہے ، اسس کچھے کامقت طبی دباو ہر لمحہ گھومتے دھ کی مقت طبی محور کی مقت طبی دباو گھومتے دھ کی مقت طبی کور کے رخ ہوگا۔ گھومتے کچھے کامقت طبی دباو گھومتے دھ کے ساتھ معیاصر مفت ارسے گھومے گا۔
میس میں محب کی مقت طبی محور کے رخ ہوگا۔ گھومتے کہا ان کے نی زاو ہے اور مشین کی دور ہوا اور گھومتے کے کہا کہ کی مقت طبی محور کے رخ ایک دور ہوا ہوا ہو گھر ہے ہوں تب کر نے کے لئے کے درخ ایک دور کا درا کی اسالہ کاریاضی حساب کرنے کے لئے مشکل اور کی لمب کی وہری کہ بائی درز تک کی اور طور دائی وہنا کی درز کی لمب کی وہری کم لمب کی (دھسرے کے رخ) کا

سب کسی بھی کچھے کے خود امالہ کاحب ہے کرتے وقت باقی تمام کچھوں کو نظر انداز کریں۔ یوں باقی تمام کچھوں مسین برقی روصن سر تصور کریں، یعنی ان کچھوں کے سسرے آزاد رکھیں۔ کسی ایک کچھوں کے سسرے آزاد رکھیں جبائیں گے۔

lost synchronism"

circuit breaker"

induction motor

line current

۱.۲. معاصر مشین کے امالہ



شکل ۲۰۲: تین دوری، دو قطبی معاصر مشین ـ

.٢.٢ خوداماله

auگومتے یا auکن کچھے کاخو د امالہ L زاو ہے au پر منحصسر نہیں ہوگا۔ ان مسیں سے کسی بھی کچھے کامقت اطبی دباو au

$$\tau = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p$$

خلائی درزمسیں درج ذیل کثافت مقت طیسی بہاو B پیدا کرے گاجہاں  $\theta_p$  کچھے کے محورے ناپاحباۓ گا۔

(1.7) 
$$B=\mu_0 H=\mu_0 \frac{\tau}{l_a}=\mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_a} \cos\theta_p$$

ے۔ مساوات زاویہ و $\theta_p$  کے ساتھ کثافت مقت طبی دباو B کا تعساق پیش کرتی ہے۔ اسس مساوات کا سطحی تکمل  $^{\mathrm{a}}$  کچھا کے ایک قطب پر کل مقت طبیحی بہباو  $\phi$  دے گا۔

$$\begin{split} \phi &= \int \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d} \boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B l \rho \, \mathrm{d} \theta_p \\ &= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2 l_g} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, \mathrm{d} \theta_p \\ &= \frac{4 \mu_0 k_w Ni l \rho}{\pi l_g} \end{split}$$

surface integral10

ایک کچھے کا خود امالہ L، مساوات ۲۹۰ مسیں حبزو پھیلاو  $k_w$  کا اثر شامل کرتے ہوئے حساصل کرتے ہیں۔

(1.7) 
$$L=\frac{\lambda}{i}=\frac{k_wN\phi}{i}=\frac{4\mu_0k_w^2N^2l\rho}{\pi l_q}$$

ب مساوات شکل ۲.۶ مسیں شینوں قوی کچھوں کا نود امالہ

(1.2) 
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$

اور میدانی کچھے کاخو دامالہ دیتی ہے۔

(۲.۲) 
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_q}$$

۲.۲.۲ مشتر که اماله

اب ہم دو کچھوں کامشتر کہ امالہ حیاص کرتے ہیں۔ تصور کریں صرف گھومت کچھا مقت طبیبی ہیں و پیدا کر رہاہے۔ ہم ہم ہوا و کے اس حصہ ہے، جو کہ کچھا کامشتر کہ امالہ حیاص کرتے ہیں۔ مشکل ۲۰۹ مسیں گھومت اور a کچھا کے گئی راوی ہے جو کہ اور a کچھا کے گئی راوی کھومت اور a کچھا کے گئی راوی کھومت اور a کھومت اور a کھومت اور کے گئی ہمالہ کی صدیں تبدیل کرکے حیاص کرتے ہیں۔ گزرے گا۔ اس مقت طبیبی ہمیا و کاحب ہمالہ مسین مکمل کی صدیں تبدیل کرکے حیاص کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \phi_{am} &= \int \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, \mathrm{d}\theta_{p} \\ &= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, \mathrm{d}\theta_{p} \\ &= \frac{4 \mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta \end{split}$$

یوں گھومتے کیجیااور a کیجیا کامشتر کہ امالیہ

(1.1) 
$$L_{am}=\frac{\lambda_{am}}{i_m}=\frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m}=\frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

يا

(1.9) 
$$L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

۲٫۲ معياصر مثين کے امالہ

ہو گاجپاں

$$L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_a}$$

$$L_{ab}=\frac{4\mu_0k_{wa}k_{wb}N_aN_bl\rho}{\pi l_g}\cos120^\circ=-\frac{2\mu_0k_{wa}^2N_a^2l\rho}{\pi l_g}$$

ہو گاجہاں یک انیت کی بدولت  $k_{wb}=k_{wa}$  اور  $N_b=N_b$  کے گئے ہیں۔ اگر شینوں ساکن کچھے بالکل یک ال ہول تب درج بالام اوات اور مساوات کے کہ کی مدوے درج ذیل لکھیا حب سکتا ہے۔

(1.17) 
$$L_{ab}=L_{bc}=L_{ca}=-\frac{L_{aa0}}{2}$$

٣.٢.٣ معاصراماله

مشین پرلاگوبر قی دباو کومشین کے کچھول کاخود امالہ، مشتر کہ امالہ اور کچھول کے برقی رو کی مدد سے لکھ حب سکتا ہے۔ ہے۔ کرنے کے لئے ہم کہلے کچھول کی ارتساط ہباد کر کوان کے امالہ اور برقی رو کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$
 
$$\lambda_b = L_{ba}i_a + L_{bb}i_b + L_{bc}i_c + L_{bm}I_m$$
 
$$\lambda_c = L_{ca}i_a + L_{cb}i_b + L_{cc}i_c + L_{cm}I_m$$
 
$$\lambda_m = L_{ma}i_a + L_{mb}i_b + L_{mc}i_c + L_{mm}I_m$$

ان مساوات مسیں ساکن کچھوں کا ہدلت ارو چھوٹے حسرون  $i_a,i_b,i_c$  جبکہ گھومتے میدانی کچھے کا یک سمت رو بڑے حسرون  $I_a$  جن بے حسرون سے نام کریا گیا ہے۔

ان حپار مساوات مسیں ہے ہم کئی ایک کو حسل کرتے ہیں۔ چونکہ حپاروں مساوات ایک طسرح کی ہیں الہذاباقی بھی ای طسرح حسل ہوں گی۔ ہم ان مسیں پہلی مساوات نتخب کرتے ہیں:

(1.16) 
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات ۲.۵ گیجس a کاخود امالہ دیتی ہے اور اسس کو حسامس کرتے ہوئے تصور کیا گیا کہ لیجھے کا پورامقت طیسی ہہاو حنالا تی درزے گزر کر دوسسری حسانب درزے گزر کر دوسسری حسانب نہیں پہنچ پاتا ہے بلکہ حنائی درزمسیں رہتے ہوئے گیجھے کے گر دحپ کر کا پچھ حسب مکسل کرتا ہے۔مقت طیسی ہہاو کا ہے۔ حصہ رستا امالہ کی طسرح ہوتا ہے۔ یول کیجھے کا کل خود امالہ a دوحصوں پر مشتمل ہوگا:

$$(1.16) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

leakage inductance

ہم مساوات ۵.۲، مساوات ۹.۲، مساوات ۱۲.۲ اور مساوات ۱۵.۲ کی مدد سے مساوات ۱۳۰۲ کو درج ذیل صور<u>۔</u> مسین لکھتے ہیں۔

$$\begin{split} \lambda_a &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}i_b - \frac{L_{aa0}}{2}i_c + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}\left(i_b + i_c\right) + L_{am0}I_m\cos\omega t \end{split}$$

ا بے تین دوری برقی رو کامجہ موعب صف رہو تاہے

$$i_a + i_b + i_c = 0$$

لہذام اوات ۲.۲ امسیں اسس کواستعال کرتے ہوئے

$$\begin{split} \lambda_a &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}\left(-i_a\right) + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= \left(\frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}\right)i_a + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= L_si_a + L_{am0}I_m\cos\omega t \end{split}$$

حساصسل ہو گاجسار

$$L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

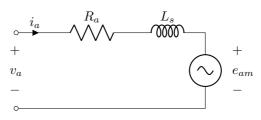
کو**معاصر امالہ** <sup>۱۷</sup> کہتے ہیں۔

مساوات ۱۹.۲ اور مساوات ۴۹.۵ پر ایک مسرت دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ایک دوسرے جیے ہیں۔ وہاں کل گھومت مقت طبیعی دباوا کی سے کے مقت طبیعی دباوکا 2 گئا ہے۔ یہ دو مساوات ایک کچھے کے امالہ کا 2 گئا ہے۔ یہ دو مساوات ایک ہی حقیقت کے دوپہلو ہیں۔

مع صرامالہ تین حصول پر مشتل ہے۔ پہلاحسہ  $L_{aa0}$  ہے کافود امالہ ہے۔ دوسسراحسہ  $L_{aa0}$  ، کچھ کا کا بی دو کی مع میں حصول پر مشتل ہے۔ پہلاحسہ  $L_{aa0}$  ہے کا خود امالہ ہے۔ دوسسراحسہ  $L_{aa0}$  ، کچھ کے کا خود امالہ ہے جب مشین میں تین دوری متوازن برقی رو ہو۔ تیسسراحسہ  $L_{aa0}$  ، کچھ کا خل ہم کی امالہ ہوتا ہے۔ رستا امالہ ہے۔ یوں متوازن برقی رو کی صورت مسین مع صرامالہ ، مشین کے ایک کچھ کا ظاہری امالہ ہوتا ہے۔ مشین کی دوقوی مشالہ اور مشین کا مع صرامالہ حصل کی یہ دوری کل خود امالہ  $L_{aa0}$  ہوں کا مشتر کہ امالہ اور مشین کا مع صرامالہ حساس کریں۔

 $L_{ab}=$  سادے اور ساد ۲۰۲۱ کی مدرے  $L_{aa0}=2$  سال جو آگیہ المام کی اور ساد ۲۰۲۱ کی مدرے  $L_{aa0}=2$  سال المام کی مدرے کی مدرے

synchronous inductance12



شکل ۲.۳: معیاصر موٹر کامیاوی دوریاریاضی نمون۔

# ۲.۳ معاصر مشین کامساوی دوریاریاضی نمون

لچے a پر لاگوبر تی دباولچھے کی مسزاحa میں برتی دباوے گھٹاد اور کے برتی دباوے برابر ہوگا

$$\begin{array}{ll} v_a=i_aR_a+\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}\\ \\ =i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}-\omega L_{am0}I_m\sin\omega t\\ \\ =i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}+e_{am} \end{array}$$

ہاں درج ذیل لکھا گیاہے۔

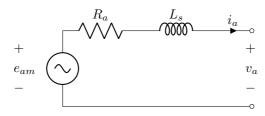
$$e_{am}=-\omega L_{am0}I_m\sin\omega t$$
 
$$=\omega L_{am0}I_m\cos\left(\omega t+\frac{\pi}{2}\right)$$

ایجانی برقی دباویااندرونی پیدا برقی دباو کہا تا ہے جو گھوتے کچھ سے پیدامقٹ طیسی کہا و کا وجب سے وجود مسیں آتا ہے۔اسس کی موثر قبہ سے Eam.rms مساوات ۲۱٫۲ کے چطہ سے حسامسل ہوگی۔

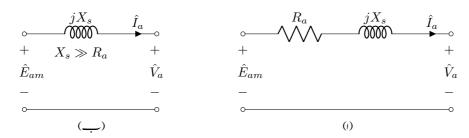
(1.rr) 
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

م اوات ۲۰۰۱ کوایک برقی دورے ظ ہر کیا جب سکتا ہے جے شکل ۳۰۸ میں دکھ یا گیا ہے۔ کی بھی برقی دور میں لا گوبرقی دباوے مثبت سر سرے (مثبت) بروحن ارج ہوتا ہے۔ یوں اس شکل میں برقی روہ الا گوبرقی دباوی ہوتا ہے۔ اگر موٹر سے حن ارج ہوتا ہے۔ شکل ۲۰۳ا یک موٹر کو ظ ہر کرتی ہے جب ان موٹر کے مثبت سروں پر برقی روداحن ہوتا ہے۔ اگر موٹر کی بجب کے ایک معاصر جن ریٹ میں بات ہوتی تب جن ریٹ برقی دباوی پیدا کرتا اور برقی رواس جن ریٹ کی بیسے کے مثبت سرے حن ارج ہوتا اور ہمیں شکل ۲۰۳۱ کی بجب کے شکل ۲۰۰۷ سے جن ریٹ کی مساوات کھتے ہیں۔ بیسے حن ارج ہوتا اور ہمیں شکل ۲۰۳۱ کی بجب کے شکل ۲۰۰۷ سے جن ریٹ کی مساوات کھتے ہیں۔

(1.7°) 
$$e_{am}=i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}+v_a$$



شکل ۲۰۲۲: معاصر جنسریٹ رکامساوی دوریاریاضی نمون۔



شکل ۲.۵: معاصر جنریٹر کے مساوی ادوار۔

وھیان رہے کہ جنسریٹ رکے مساوی دور مسیں برقی رو کا مثبت رخ، موٹر کے مساوی دور مسیں برقی رو کے مثبت رخ کا اُلٹ ہے۔مساوات ۲۳۰۱ کی دوری سمتیہ روی

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

ہو گی جس کو مشکل ۵۰۱ مسین دکھیایا گیا ہے۔ مشال ۲۰۱۶: ووقطب، 50 ہر ٹز کاایک معاصر جنسر شل 40 یمپیئر میدانی برقی روپر 2100 وولٹ یک دوری موثر برقی و باو پیداکر تا ہے۔اس مشین کے قوی اور میدانی کچھول کامشتر کہ امالہ تلاسش کریں۔ حسل: مساوات ۲۲۰۱ سے مصل کرتے ہیں۔

(1.76) 
$$L_{am}=\frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m}=\frac{\sqrt{2}\times2100}{2\times\pi\times50\times40}=0.2363\,\mathrm{H}$$

# ۲.۴ برقی طباقت کی منتقلی

ٹرانسفار مسر کام اوی دور (ریاضی نمون) شکل ۲۳.۳ مسین اور معساصر جنسریٹ کام اوی دور شکل ۵.۶ مسین د کھسایا گیا ہے۔ سے مساوی ادوار ایک دوسرے جینے ہیں، السیز امت در حب ذیل ہیان دونوں کے لئے درست ہو گا، اگر حپ بیساں ہمیں صرف معساصر مشینوں ہے دلچین ہے۔ ۲. برقی طب قت کی منتقلی ۱۲۵



مشكل ٢.١: معاصر جنسريت كادوري سمتهـ

 $R_a$  ہو گااور میں عصوماً پر  $X_s>>R_a$  کی قیت ہے سویادو سوگٹ زیادہ ہو گی۔ یوں مسکن مصکن ہو گا۔ اس طسرح مشکل ۲۴،۵-ا سے مشکل ۲۴،۵-ب حیاصل ہو گا اور مساوات ۲۴٬۲ درج ذیل صورت اختیار کرے گی۔

$$\hat{E}_{am} = j\hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

 $\hat{E}_{am}$  اور  $\hat{E}_{am}$  اور المسلم المحتاج می گئی ہے۔ اس برقی دور مسین برقی طاقت کی منتقلی پر غور کرتے ہیں۔ مسئل ۲۰۱۹ کی دوری سمتیہ صورت (مساوات ۲۰۱۹) کو مشکل ۲۰۱۹ مسین و کھایا گیا ہے۔ مشکل ۲۰۱۹ اسین کی دوری سمتیہ صورت (مساوات ۲۰۱۹) کو مشکل ۲۰۱۹ مسین و کھایا گیا ہے۔ مشکل ۲۰۱۹ مسین و کھایا گیا ہے۔ مشکل ۲۰۱۹ مسین و کون زاویات مثبت ہیں۔ مسین منتقل ہور ہی ہے۔ مسین دونوں زاویات مثبت ہیں۔ مشکل ۲۰۱۹ مسین طاقت ہو ہوگئی ہے۔ مسین طاقت ہوری ہے:

$$p_v = V_a I_a \cos \phi$$

مساوات ۲۲.۲ اور شکل ۲.۲ - اسے درج ذیل لکھاحب سکتاہے۔

$$\begin{split} \hat{I}_a &= I_a \underline{/\phi} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_a}{jX_s} \\ &= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_a\underline{/0}}{X_s\underline{/\frac{\pi}{2}}} \\ &= \frac{E_{am}}{X_s}\underline{/\sigma - \frac{\pi}{2}} - \frac{V_a}{X_s}\underline{/-\frac{\pi}{2}} \end{split}$$

تشکل ۲.۲ سے واضح ہے کہ درج بالامساوات مسیں  $\hat{I}_a$  کا تحقیق حبزو ہ $\hat{V}_a$  اہم متدم ہوگا۔ دوری سمتیہ  $I_a/\phi$  کو حقیقی افتی حب زو  $I_a$  مندم می عصوری حبزو  $j_a$   $j_a$ 

فتدم مسين دائين ہاتھ کے حقیقی احبزاء سے رو کاحقیقی حبزوحاصل ہوگا:

(1.79) 
$$I_a\cos\phi=\frac{E_{am}}{X_s}\cos\left(\sigma-\frac{\pi}{2}\right)-\frac{V_a}{X_s}\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
 
$$=\frac{E_{am}}{X_s}\sin\sigma$$

اسس کومساوات ۲۷.۲ کے ساتھ ملاکر درج ذیل ملت ہے۔

(1.5.) 
$$p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین دوری معیاصر مشین کے لئے اسس مساوات کو تین سے ضر ب کرنا ہو گا:

$$p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

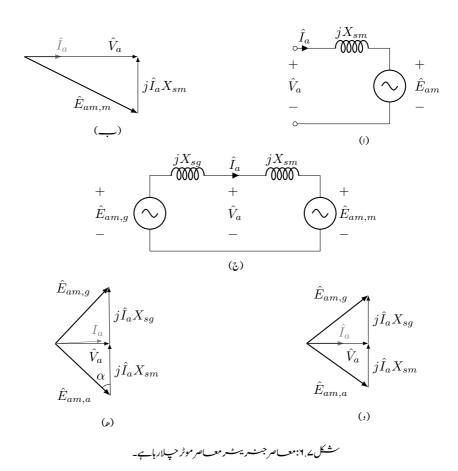
$$p_{v, \rm coll} = \frac{3V_a E_{am}}{X_a} \qquad \qquad (\sin 90^\circ = 1)$$

حقیقے مسیں جنسریٹر کی بناوٹ یوں کی حباتی ہے کہ بناوٹی (تابل استعال) طباقت نوے درج سے کافی کم زاوی پر ممکن ہو۔ نوے درجے بر جنسریٹر کوت ابور کھنامشکل ہوتاہے۔

مثال ۲۰.۳: ایک 50 قطبی، ستارہ، تین دوری 50 ہرٹز، 2300 وولٹ دباو تار پر جیلنے والی 1800 کلو وولٹ وایمپیئر معساصر مشین کایک دوری معساصر متعساملہ 2.1 او ہم ہے۔

- مشین کے برقی سروں پر 2300 دولند دباو تار مہیا کیا حباتا ہے جبکہ اسس کامید انی برقی روات ارکھا حباتا ہے کہ پورے بوجھ پر مشین کا حب زوط اقت ایک کے برابر ہو۔ اسس مشین سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مسروڑ حساسل کی حباستی ہے؟
- اسس موٹر کو 2 قطبی، 3000 حیکر فی منٹ، تین دوری، ستارہ، 2300 دولٹ دباوتار پیدا کرنے دالا 2200 کلو دولٹ و اللہ اسکا کا دوار آل اسکا کا پورا برقی اسکیسٹر کے معاصر جنسریٹ سے حیلایا حباتا ہے جس کا کیک دوری معاصر امالہ 2.3 اوہ ہم ہے۔ موٹر پر اسس کا پورا برقی بوجے دونوں مشینوں کے میدانی برقی روتب لی کیے حباتے ہیں حسی کہ موٹر ایک حب زوط قت پر حیلنے گئے۔ دونوں مشینوں کا میدانی برقی رویب ال برفت رار رکھ کر موٹر پر بوجھ آ ہتہ آ ہتہ بڑھا یا جب ایا حسین کی حبات کے دونوں مشینوں کا میدانی برقی رویب ال برفت رار رکھ کر موٹر پر بوجھ آ ہتہ ہتہ بڑھا یا جب سکتی ہے اور برفت یا دوبال کی حباسکتی ہے اور برفت رکی سے دوبال کی حباسکتی ہے اور ایک کی سے سکتی ہے اور ایک کی سے سکتی ہے اور ایک کی سے سکتی ہے اور ایک کی سے سرون پر دباوتار کت ہوگا؟

۲.۲. برقی طب قت کی منتقلی ۱۹۷



ئىل:

• شکل ۲.۷-ااور ۲.۷-ب سے رجوع کریں۔ یک دوری برقی دباواور کل برقی رودرج ذیل ہوں گے۔

$$\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9 \text{ V}$$

$$\frac{1\,800\,000}{\sqrt{3} \times 2300} = 451.84 \text{ A}$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,m} &= \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m} \\ &= 1327.9 \underline{/0^{\circ}} - j451.84 \underline{/0^{\circ}} \times 2.1 \\ &= 1327.9 - j948.864 \\ &= 1632 \underline{/-35.548^{\circ}} \end{split}$$

مساوات ۳۲.۲ سے یک دوری زیادہ سے زیادہ برقی طباقت حساس کرتے ہیں۔

$$p_{\text{in}} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1\,031\,968\,\mathrm{W}$$

اسس طسرح تین دوری زیادہ سے زیادہ طباقت 409 590 کا واٹ ہو گی۔50 ہر ٹز اور 50 قطب سے مشین کی معساسر میکانی دفت ارمساوات ۸۳۰ کی مدد سے دوسر کرفی سے کنٹر حساس ہوتی ہے لیعنی 2 سے السین سے درج ذیل از یادہ سے زیادہ قوس مسروڑ حساس کی حباستی ہے۔

$$T_{
ightarrow 
ightarrow} = rac{p_{
ightarrow 
ightarrow}}{2\pi\,f_{
m cm}} = rac{3095904}{2 imes\pi imes2} = 246\,364\,{
m N}\,{
m m}$$

موٹر پر اسس سے زیادہ قوت مسروڑ کابو جھ مسلط کرنے سے موٹر رک حبائے گی جبکہ جنسریٹسر کی رفت اربے وت ابو بڑھنے سنسہ وع ہو حبائے گی۔ خو د کار منقطع کار اسس لمجسے پر نظبام کوروک دیگا۔

• شکل ۲.۷-ج سروں پر دباو تار 2300 وولٹ ہوں گئے جسنرو کی طسرح بہاں بھی موٹر کے برتی سسروں پر دباو تار 2300 وولٹ اور محسر کے برتی دباو درج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,g} &= \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} + j451.84 / 0^{\circ} \times 2.3 \\ &= 1327.9 + j1039.233 \\ &= 1686 / 38.047^{\circ} \end{split}$$

 $\hat{E}_{am,g}$  جیب شکل ۲.۷-د مسین د کھایا گئے ہے۔ جیب شکل ۲.۷-ھ مسین د کھایا گئے ہے، موٹر اسس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب  $\hat{E}_{am,g}$  اور  $\hat{E}_{am,m}$  آپ سے  $\hat{E}_{am,m}$  مسین  $\hat{E}_{am,m}$  مسین  $\hat{E}_{am,m}$  مسین وقت نیادہ طاقت پر بھول۔

یہاں مساوات ۳۲.۲ مسیں ایک معاصر امالہ کی بحبائے موٹر اور جنسریٹسر کے سلماہ وار حبٹرے امالہ ہور کے سلماہ وار حبٹرے امالہ ہوں گے اور دو برقی دباواہ موٹر کی یک دوری زیادہ سے زیادہ طاقت درج ذیل ہوگی۔ طباقت درج ذیل ہوگی۔

$$p$$
تن =  $\frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \,\mathrm{W}$ 

اسس طسرح تین دوری طباقت 876 056 اواٹ اور زیادہ سے زیادہ تو۔ مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

$$T$$
تن =  $rac{1876056}{2 imes \pi imes 2} = 149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$ 

اورج نیل ہوگا۔  $\hat{E}_{am,q}$  اور  $\hat{E}_{am,q}$  آپ سے مصودی ہیں المباذا درج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} I_a(X_{s,g} + X_{s,m}) &= \sqrt{E_{am,m}^2 + E_{am,g}^2} = 2346 \, \text{V} \\ I_a &= \frac{2346}{2.1 + 2.3} = 533 \, \text{A} \\ I_a X_{sg} &= 533 \times 2.1 = 1119.9 \, \text{V} \\ \alpha &= \tan^{-1} \frac{1686}{1632} = 45.93^\circ \end{split}$$

يوں دوري دباو $V_a$  ، جو صف رزاو ير تصور کيا حب تا ہے ، درج ذيل ہو گا۔

$$V_a = \sqrt{1632^2 + 1119.9^2 - 2 \times 1632 \times 1119.9 \times \cos 45.93^{\circ}} = 1172.7 \text{ V}$$

لامت ناہی نظام کی بحبائے موٹر کو جنسریٹ سے طاقت مہیا کر کے، موٹر پر بو جھ بڑھانے سے موٹر کے سروں پر برقی دباو گھٹت ہے جس کی بنازیادہ سے زیادہ ممکنہ طاقت  $3095~\mathrm{kW}$  سے مسازیادہ سے ذیادہ ممکنہ طاقت  $\hat{V}_a$  کا دربرقی رو  $\hat{V}_a$  جمہ موحد م نہیں ہیں، ان کے نی زاویہ  $\hat{V}_a$  ہوگا۔

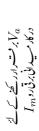
# ۲.۵ کیاں حال، برقت رار حیالومشین کے خواص

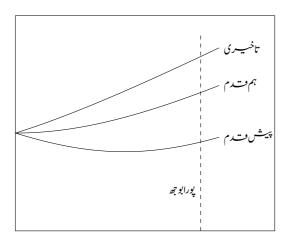
ا . ۱۵ معاصر جنسریٹ ربر قی بوجھ بالمقابل  $I_m$  خط - خط - خط کار دری سمتہ مساوات

(1.77) 
$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

 $I_a=I_a/\phi$  سين  $\hat{I}_a=I_a$ لية ہوئے درج ذیل لکھا حب سکتا ہے

(1.77) 
$$E_{am}\underline{\sigma} = V_a\underline{/0} + I_aX_s/\frac{\pi}{2} + \phi$$





 $I_a$ برتی باریاقوی کچھے کابرتی رو

#### = خط $I_m$ خط نے خط کی ۲.۸: جنسریٹ ربرتی ہو جھ بالمقابل $I_m$

جس كوبطور محنلوط عب د د ۱۹

$$\begin{split} E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma &= V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a - I_aX_s\sin\phi + jI_aX_s\cos\phi \\ &= E_{am,x} + jE_{am,y} \end{split}$$

 $\mathbb{Z}_{am}$  ہیں۔ اس کے  $\hat{E}_{am}$  کی کے بیں۔ اس کے ایک مسل کرتے ہیں۔

(1.72) 
$$\begin{split} \left| \hat{E}_{am} \right| &= E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ &= \sqrt{(V_a - I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 - 2 V_a I_a X_s \sin \phi} \end{split}$$

جنسریٹ رکے سروں پر  $V_a$  اٹل رکھتے ہوئے مختلف  $\phi$  کے لئے  $E_{am}$  بالمقابل میں اور کسی محصوص حبن و محسائے گئے ہیں۔ یہ خطوط مساوات  $E_{am}$  و گئی  $E_{am}$  اور  $E_{am}$  راست مستناسب ہیں اور کسی مخصوص حبن و محسین محسین کے گئے جنسریٹ رکی طاقت  $E_{am}$  بالمقابل جنسریٹ رکی طاقت کو بھی طابر کرتی ہیں۔ کی والست مستناسب ہوتی ہے لہٰذا کی ترسیات آبالی جنسریٹ رکتی ہیں۔ کی والساقت کو بھی طابر کرتی ہیں۔

complex number19

معاصر موٹر: $I_a$  بالمقابل معاصر موٹر: ۲.۵.۲

مع اصر موٹر کامب اوی دور (ریاضی نمون۔) شکل ۲.۳اور دوری سمتیہ سشکل ۲.۹ مسیں د کھیایا گیا ہے۔مسزاحہ۔ نظسرانداز کرکے اسس کی مساوا<u>۔ لکھت</u>ے ہیں۔

$$\hat{V}_a=\hat{E}_{am}+j\hat{I}_aX_s$$
 (1.74) 
$$V_a\underline{/0}=E_{am}\underline{/\sigma}+jI_a\underline{/\phi}X_s$$
 
$$=E_{am}\underline{/\sigma}+I_aX_s\Big/\frac{\pi}{2}+\phi$$

اسس مساوات مسیں موٹر پر لاگو برقی دباوی کے حوالہ سے زاویات کی پیپ کشش کی گئی ہے لہندا  $\hat{V}_a$  کا زاویہ صف منسر ہو گا۔ یادر ہے کہ مثبت زاویہ کی پیپ کشش زاویہ  $\hat{V}_a$  میں مساوات سے امالی دباوی کھی کے مسال کرتے ہیں۔  $E_{am}$  کے مسلم کی جمال دباوی کے مسلم کی جمال کرتے ہیں۔

$$\begin{split} E_{am}\underline{\prime\sigma} &= V_a\underline{\prime0} - I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2} + \phi} \\ &= V_a - I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_aX_s\sin\phi - jI_aX_s\cos\phi \end{split}$$

يوں  $|E_{am}|$  درج ذيل ہو گا۔

$$|E_{am}| = \sqrt{\left(V_a + I_a X_s \sin\phi\right)^2 + \left(I_a X_s \cos\phi\right)^2}$$
 
$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin\phi}$$

موٹر پر لاگوبر تی دباواور اسس پر میکانی ہو جھ کو × 0، × 25 اور × 75 پر رکھ کر، موٹر کے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  خطوط ، مساوات ۲. ۱ سے مسئل ۱۰. ۱ مسین تر سیم کیے گئے ہیں۔ چو نکہ امالی دباوس I کاراست مستناسب ہو تا ہے البندا یکی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  خطوط بھی ہوں گے۔ان مسین سے ہرخطا یک معین میکانی بوجھ  $I_a$  کے جہاں  $I_a$  درج ذیل ہوگا۔

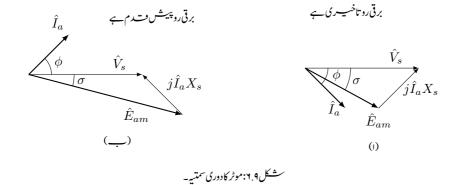
$$(1.71) p = V_a I_a \cos \phi$$

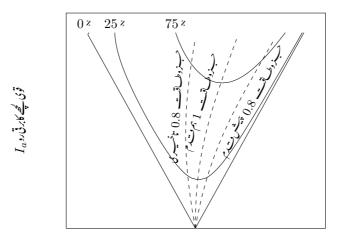
 $V_a$  اس مساوات کے تحت  $p_a$  اور  $p_a$  تبدیل کیے بغیبر جبزوطاقت تبدیل کر کے  $p_a$  تبدیل کیا ہوا ور  $p_a$  اور  $p_a$  تبدیل کیا در سے ترسیم کیا در سے ترسیم کیا در سے تحصول میں مساوت  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کی مدد ہے ترسیم کیا در میا تا ہے۔ مخصوص  $p_a$  کی مدد ہے ترسیم کے بحث میں پر کر کے  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کی مدد ہے ترسیم کے بحث ور  $p_a$  کی تعلق اللہ  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کی تعلق اللہ  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کی تعلق اللہ  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کی تعلق اللہ  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کے مساوات  $p_a$  کی تحصوص ور میں میں پر کر کے مساوات  $p_a$  کے مساوات کی گئی ہیں۔ مساوات کے مساوات کی تحصوص ور کو میں مساوات کے مساوات کی مساوات کی مساوات کے مساوات کے مساوات کی مساوات کے مساوات کی کرنے مساوات کے مساوات کے

leading angle"

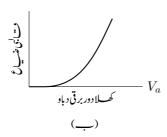
lagging angle"

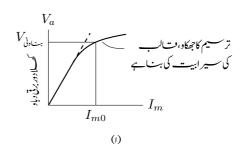
capacitor"





 $I_m$ میدانی کیجے کابرتی رو $I_m$  میدانی کیجے کابرتی روٹر کی  $I_m$  بالقائل  $I_a$  ترسیم





<u> شکل ۲.۱۱: کھلا دور خط اور وت البی ضاع۔</u>

#### ۲.۲ کھالادوراور قصسر دور معیائٹ

معاصر مشین کا مساوی دور بنانے کے لئے مساوی دور کے احبیزاء حبائن الازم ہے جنہیں دوقتم کے معائوں سے حالب کے معابوں معائوں سے معائوں سے حالب کے معابوں معائوں سے اللہ اور معائیت کے اثرات بھی احبار ہوتے ہیں۔ای فتم کے معائنے ٹرانسفار مسر کے بھی کیے حباتے ہیں جہاں کھا دور معائنہ ٹرانسفار مسر کے بیات ہی ایسا کیا ایسا کیا ایسا کیا گا۔

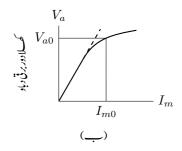
#### ا.۲.۲ کھلادور معیائنہ

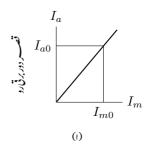
معاصر مشین کے برقی سرے کھلار کھ کر، مشین کو معاصر رفت ارپر گھاتے ہوئے مخلف  $I_m$  پر پسید ابر قی دباوہ  $V_a$  مشین کے سرول پر ناپا جباتا ہے۔ شکل ۲۰۱۱ – امسیں پیپ گثی رو  $I_m$  بالمقابل دباو  $V_a$  کی ترسیم دکھائی گئی ہے۔ یہ ترسیم مشین کی کھالا دور مناصیت ظاہر کرتی ہے۔ یہ ترسیم مشین بن نے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

اسس کتاب کے حصہ ۸.۲ مسیں بتایا گیا کہ متالب پر لاگو مقن طبی دباو بڑھانے سے متالب مسیں مقن طبی بہاوبڑھتا ہے البت حبلہ بی متالب سیراب ہوجہا تا ہے۔ یہ اثر شکل ۱.۱۱-امسیں ترسیم کے جھاو سے واضح ہے۔ وتالب سیراب نہ ہونے کی صورت مسیں ترسیم نقط دار سید ھی لکیسر کی ہیسروی کرتی۔ مشین کا بین واضح ہے۔ وتالب سیراب کے درکاررو 1<sub>m0</sub> بھی دکھائے گئے ہیں۔

۔ ۔ رب برن دورد اس سے ورن دور کی ہے۔ ہیں۔ کی سے ہیں۔ کھیا دور معیان کا ضیاع طباقت دے گی۔
کھیا دور معیان ہے ووران دھے پر میکا فی طباقت ور کچھ گھوٹے کچھے کا ضیاع ہوگا۔ یاد رہے گھوٹے کچھے کو عصوماً دھے ہے اس کا بیشتر ھے۔ رگڑی ضیاع، کچھے کو عصوماً دھے ہے۔ رگڑی نسب کی انہ میں کہ انہ ہوگا۔ یاد رہے گھوٹے کچھے کو عصوماً دھے ہے۔ رگڑی نسب کی انہ میں پر لدے ہو جھ سے کوئی حناص تعمال نہیں پایا حباتا ہے الہذائے ہوجھ مشین اور ہو جھ بردار مشین کار گڑی ضیاع ایک جیب اتھور کسا جا ہے۔ ا

رو  $I_m$  صنسر رکھتے ہوئے دوبارہ دھسرے پر میکانی طباقت  $p_2$  کی پیبائٹ صرف رگڑی ضیاع دے گا۔ ان پیسائشوں کا منسر تن  $(p_1-p_2)$  متالبی ضیاع اور گھومتے کچھے کابر تی ضیاع ہوگا۔ گھومتے کچھے کابر تی ضیاع ہوگا۔ گھومتے کچھے کابر تی ضیاع ہوگا۔ گھومتے کچھے کابر تی صناع ہوگا۔ گھومتے کھے کابر تاہد اسس





ش کل ۲٫۱۲: قصبر دور خط اور کھیلے دور خط۔

کو عب و مأ فت الب کے ضیاع کا حصبہ تصور کمیا حب اتا ہے۔ یوں پیمیا کشش کر دہ فت ابی ضیاع کی ترسیم مشکل ۲۱۱۰ – ب مسین د کی گئی ہے۔

#### ۲.۲.۲ قصر دور معائن

معساصر مشین کو معساصر رفت از پر بطور جسنسر حیلاتے ہوئے ساکن کچھا قعسر دور کر کے مختف  $I_m$  پر قعسر دور برقی رو  $I_a$  ناپاحباتا ہے۔ ان کی ترسیم شکل ۲.۱۱-امسیں دی گئی ہے جو قعسر دور مشین کی حساسیت ظاہر کرتی ہے۔ قعسر دور معسائنہ کے دوران دھیان رہے کہ  $I_a$  خطسر ناک حمد تک بڑھ نہ حبائے۔ جسند سٹر کے بناوٹی  $I_a$  یا اسس ہے دگی قیست سے روکو کم رکھا حباتا ہے۔ ایسان کرنے ہے مشین گرم ہوکر شباہ ہو سکتی ہے۔ قعسر دور مشین مسیں سوفی محد برقی دوپایا جباتا تعسر دور مشین مسیں سوفی صد برقی دوپایا جباتا ہے۔ اسٹ کم برقی دباو سسل کرنے کے لئے حسائی درز مسیں ای شناسی ہے کم مقت طبی ہیں و در کار ہوگا۔ شکل ۲۔ ۱۳ مسیں قعسر دور دکھایا گیا ہے۔ یوں دری زیل ہوگا۔ شکل ۲۔ ۱۳ مسیں قعسر دور دکھایا گیا ہے۔ یوں دری زیل ہوگا۔

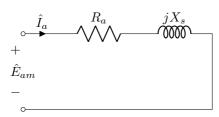
(1.179) 
$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

کی بین سے اور ایست میں اور ایست میں اور ایست میں اور ایست میں اور ایست کی بین سے معیاص مالیہ حمال ہوگا۔  $X_s >> R_a$ 

(1.7.) 
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

مساوات ۲۰۰۲ مسیں  $\hat{I}_a$  قصر دور مشین کابرتی رواور  $\hat{E}_{am}$  ای حسال مسیں مشین کے ایک دور کاامالی دباوہ ہے۔ کھنے دور مشین مسیں  $\hat{I}_a$  قصد رہوتا ہے۔ مساوات ۲۳۳۰ ہے واقع ہے کہ  $\hat{I}_a$  منسر ہوتا ہے۔ مسیں  $\hat{E}_{am}$  ور مشین مسیں م $\hat{I}_a$  معنسین  $\hat{I}_a$  معنسین  $\hat{I}_a$  اور مشکل ۲۰۱۱ سے  $\hat{I}_a$  اور مشکل ۲۰۱۲ سے کہ جا کا در مشکل کی قیمت حساس کی حساس ک

$$X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad (X_s \gg R_a) \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

مشكل ٢٠١٣: معاصر اماله-

معاصرامالہ کو عسموماً مشین کے پورے (بناوٹی) برقی دباو پر معلوم کیا جباتا ہے تاکہ وتالب کی سیر ابیت کے اثرات کو بھی شامسل ہوں۔ کو بھی شامسل ہوں۔ مشین کو ستارہ نمی تصور کر کے اسس کا کیک دور کی X حیاصسل کیا جب تا ہے۔ یوں اگر معائیت مسیں مشین کا تار برقی دباو $^{11}$  نیا گیا ہو تب ضرور کی ہے کہ اسس کو  $\sqrt{3}$  کے اسس کو  $\sqrt{3}$  کے کہ اسس کو  $\sqrt{3}$  کے میں استعال کیا جب کے۔ مسین استعال کیا جب کے۔

$$V_{ ext{Ganz}} = rac{V_{ ext{A}}}{\sqrt{3}}$$

مثال ۲۰.۳: ایک 75 کلووول و ایمپیئر، ستاره، 415 وول یپر چیلنے والی تین دوری معاصر مشین کا کھلا دور اور قصسر دور معائن کیا گیا۔ حیاصل نتائج درج ذیل ہیں۔

- کھالادور معائنہ: $I_m=3.2$  اور  $V_{t}=415$  کا بیں۔
- قصر دور معائن: جس لمحه قوی لچھے کابر تی رو A 104 کھتااس لمحہ مید انی لچھے کابر تی رو A 2.64 کھتااور جس لمحہ قوی لچھے کابر تی رو A 3.2 کھتا۔

اسس مشین کامعساصراماله تلاسش کریں۔ حسل: یک دوری برقی دیاد درج ذیل ہوگا۔

$$V_{\text{Gas}} = \frac{V_{\text{it}}}{\sqrt{3}} = \frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \,\text{V}$$

کھادور مشین پر 239.6 وولٹ کے لئے 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رودر کار ہوگاجبکہ 3.2 ایمپیئر میدانی برقی روپر قصر دور برقی رو 126 ایمپیئر ہوگالہذا یک دوری معاصر امالہ درج ذیل ہوگا۔

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901\,\Omega$$

line voltage"



سشكل ١٠١٤: قصسر دور معساصر مشين مسين ضياع طساقت.

قصر دور معائن کے دوران دھ سرے پر لاگو میکانی طباقت  $p_3$  کی پیسائٹ سے قصر دور مشین کا کل ضیاع مسال ہوگا۔  $p_3$  ناپ لیں۔ اس ضیاع کا پچھ حصہ و تالبی ضیاع ، پچھ دونوں لپچھوں مسیں برتی ضیاع اور پچھور گری (میکانی) ضیاع ہوگا۔ شکل ۲۰۱۱ مسیں ضیاع طباقت بالقابل قصر دور برتی رود کھایا گیا ہے۔ مسیں برتی ضیاع اور پچھور کا کا میا اور معائن مسیں حیاصل ، رگڑی ضیاع کو مین کی خیا کا دور معائن مسیں حیاصل ، رگڑی ضیاع ہوگا۔ جب کھی کا دور معائن مسیں حیاصل ، رگڑی ضیاع کی دباو پر قصر دور مشین مسیں بن و گی روپایا حیال ہوگا۔ است کم برقی دباوحت کی درکار مقت طیسی بہاوہ برتی طیسی کے درکار مقت طیسی بہاوہ برتی میں کہ ہوگا۔ است کم بوگا۔ است کم بوگا ابند انگومت کی کو کو بوگا کو بھی نظر مانداز کیا جب اسکا ہے۔ یوں ( $p_3 - p_2$ ) کو ساکن کچھے کا برتی ضیاع تصور کی حساس کرتے ہوگا

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
 جس سے معاصر مشین کی مساوی مسز احمد ہوگا۔ $R_a=rac{p_3-p_2}{I^2}$ 

مثال ۲۰۵: ایک 75کلووولٹ وایمپیئر، 415وولٹ پر جیلنے والی تین دوری معاصر مشین کے پورے (بناوٹی) برقی رو پر کل قصر دورط اقت کاضیا 2.2 کلوواٹ ہے۔ اس مشین کی یک دوری موثر مسز احمد سے ساسل کریں۔ حسل: یک دوری ضیاع 733.33 و 200 ہے۔ مشین کے پوری برقی رو درج ذیل ہوگا۔

$$\frac{75000}{\sqrt{3}V_{\rm ft}} = 104.34\,{\rm A}$$

یوں مشین کی موثر مسنراحت درج ذیل ہو گا۔

$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067\,\Omega$$

مثال ۲.۷: سشکل ۵.۱ امسیں 500 دولئے، 50 ہرٹز، 4 قطب، ستارہ، معاصر جنسریٹ کا کھلے دور خط و کھایا گیا ہے۔اسس جنسریٹ کا معاصر امالہ 0.1 اوہم اور قوی کچھے کی مسزاحمت 0.01 اوہم ہے۔یورے برقی بوجھ، 0.92 تاخیسری



مشكل ٢.١٥: كهالا دور خطيه

حب زوط اقت ۲۵ پر جنسریٹ ر 1000 ایمپیئر منسر اہم کر تا ہے۔ پورے بوجھ پر ر گڑی ضیاع اور کچھے کی مسزاحت مسیں ضیاع کامحب وعب 30 کلوواٹ جب کہ متالی ضیاع 25 کلوواٹ ہے۔

- جنسریٹ رکی رفت ارمعلوم کریں۔
- بِ بوجه جنسريٹ رکي سرون پر 500 دولٹ برقی د باو کتنے ميداني برقی روپر حساصل ہوگا؟
- اگر جنسریٹ رپر 0.92 تاخب ری حبزوط قت، 1000 ایمپیئر کابر تی بوجھ لادا حبائے تب جنسریٹ رکے برقی سرول پر 500 دول نے مت سرارر کھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رودر کار ہوگا؟
- جنسریٹ رپورے بوجھ پر کتنی طباقت منسراہم کر رہاہے جب جنسریٹ رکو محسر کے کتنی میکانی طباقت منسراہم کر رہاہے۔ان دوے جنسریٹ کی فی صد ک**کارگراد کھے <sup>17</sup>تلاسش** کریں۔
  - اگر جنسریٹ رے یک دم برقی پوجھ ہٹایا حبائے تواسس کھے۔اسس کے برقی سے دوں پر کتنابرقی دباوہوگا؟
- اگر جنسریٹ رپر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش حبزوط قت کا بوجھ لاداحب نے توجنسریٹ رکے برقی سے رول پر 500 والے برق سے رول پر 500 وور کا برق رودر کار ہوگا؟
- ان 1000 ایمپیئر تاخب ری حب زوط اقب اور پیش حب زوط اقب بوجھوں مسین کون بوجھ زیادہ میدانی برقی روپر حساس اوگا؟ جنسر یسٹر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہوگا؟

حــل:

lagging power factor efficiency

- سشكل ١٥.١٤ سے 500 وولٹ كے لئے دركار ميداني برقي رو تقسريب أ2.86 يمپيئر پڑھا حباتا ہے۔
- ستاره برقی دباوک تعساق بیدری  $V_{\rm Se} = 289 = 500 = 289$  وولید ساس ہو تا ہے۔ ستاره برقی دباوک تعساق بیدری  $V_{\rm Se} = \sqrt{3}$  ورک برقی دباوک نبیت سے جو ڈمسیں یک دوری برقی رواور تار برقی روبر ابر ہوتے ہیں۔ حب زوط اقت کو ستارہ یک دوری برقی دباوے نبیت سے بیان کمیا جب تا ہے۔ چو تکہ  $23.07^\circ = 23.07^\circ$  کے اللہ نبا اگر برقی سروں پر دباو  $289/0^\circ$  کھے جب تا خسید کی دوری برقی دو  $23.07^\circ$  کھے اندرونی پسیدا کی دباو

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$
= 289/0° + 1000/-23.07° (0.01 + j0.1)  
= 349/14.6°

حاصل ہوگا جس سے اندرونی پیدا تاربرتی دباو  $604=604 \times \sqrt{3} \times 9$  وولٹ حساصل ہوتا ہے۔ شکل ۲۵۱سے این دونی پیدا تاربرتی دباوکے لئے  $4.1\,$  مید انی برقی روپڑ حساحب تا ہے۔

• جنريثراس صورت مين

$$p = \sqrt{3}\hat{V}_a \cdot \hat{I}_a$$
$$= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92$$
$$= 796743 \text{ W}$$

فنراهم كرے كاجبكه محسرك

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\mathrm{kW}$$

$$-100$$
 بوگ برگزاری  $\eta=rac{796.743}{851.74} imes100=93.54$  فنراہم کرے گالہنے ااسس جنسریٹر کی کارگزاری

- · جنسریٹرے یک دم برقی ہو جھ ہٹانے کے لمحہ پر جنسریٹ رکے برقی سروں پر 604وولٹ برقی د باو ہوگا۔
  - پیش حبزوط قت کی صورت میں

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left( R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^{\circ}} + 1000 \underline{/23.07^{\circ}} (0.01 + j0.1) \\ &= 276 \underline{/20.32^{\circ}} \end{split}$$

ہوگاجس سے اندرونی تاربرتی دباو $478=70 imes \sqrt{3} imes 276$  وولٹ حسامسل ہو تا ہے۔ شکل ۵.۱ سے اتنے دباو کے لئے  $2.7\,\mathrm{A}$ 

• تاخب ری حب زوط اقت کے بوجھ پر جنسریٹ رکوزیادہ مید انی برقی رودر کارہے۔مید انی کچھے کی مسز احمت مسیں اسس کی وجب سے زیادہ برقی طباقت صافع ہوگی اور جنسریٹ رزیادہ گرم ہوگا۔

П

مثال ۲۰٪ ایک 415 دول ، 40 کلو دول و ایمپیئر، ستاره، 0.8 بنوط اقت، 50 ہر ٹز پر جیلنے والی معاصر موٹر کا معاصر موٹر کا معاصر موٹر کا معاصر مالہ 2.2 اوہ م ہے جبکہ اسس کی مسزاحت و تابلی نظر رانداز ہے۔اسس کی رگڑ اور کچھوں کی مسزاحت مسیں طلقت کا ضیاع آیک کلوواٹ جبکہ وتابی ضیاع 800 واٹ ہے۔ یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی ہو جھ سے لدی ہے اور 0.8 بیش حبزوط قت پر حیل رہی ہے۔یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو ستارہ نمی تصور کرتے ہوئے صاصل کیا حب تاہے۔

- $\hat{E}_a$  اس کا دوری سمتیہ بن کیں۔ تار کا برتی رو  $\hat{I}_t$  اور قوی کچھے کا برتی رو  $\hat{I}_a$  صاصل کریں۔ موٹر کا اندرونی سیجب نی برتی دباو و مصل کریں۔ مصل کریں۔
- میدانی بر قی رو کوبغی رتب دیل کئے ،میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھ کر د گٹ کیا جب اتا ہے۔اسس صورت مسیں موٹر کار د عمسل دوری سمتیں ہے واضح کریں۔
- اسس د گئے میکانی بو جو پر قوی کچھے کابر تی روہ تار کابر قی رواور موٹر کااند رونی ہیجبانی برقی دباوحسامسل کریں۔ موٹر کاحبزوط قت بھی حسامسل کریں۔

: )

• ستارہ حبٹری موٹر کے سروں پریک دوری برقی دیاوی  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \text{ V}$  ہوگا جے صف رزاو ہے پر تصور کرتے ہوئے برقی روکازاو ہے بیان کیا حب تا ہے۔ یوں  $\frac{00}{\sqrt{3}} = 239.6 \frac{0}{\sqrt{3}}$  کی حب بے گا۔ حب زوط اقت 0.8 اور 0.8 کو ظہر کرتا ہے۔ یوں تاربرتی روکا پیٹی زاو ہے بھی ہوگا۔ موٹر کو مہی برتی طب قت اس کی میکانی طب قت اور طب اقت کے برابر ہوگی

12200 w + 1000 w + 800 w = 14000 w

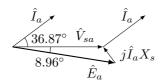
جس کے لئے در کار تار کابر قی رو درج ذیل ہوگا۔

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t \cos \theta}$$
=  $\frac{14\,000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$ 
= 24.346 A

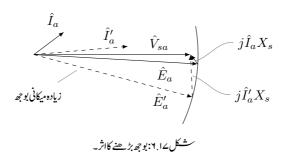
لکے ساتھاہے۔

موٹر کا اندرونی یک دوری ہیجانی برقی دیاو موٹر کے مساوی دور شکل ۲ سے حساصل کرتے ہیں:

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_{a,s} - jX_s\hat{I}_a \\ &= 239.6\underline{/0^{\circ}} - j2.2 \times 24.346\underline{/36.87^{\circ}} \\ &= 276\underline{/-8.96^{\circ}} \end{split}$$



#### شکل ۲.۱۷: بوجه بر دار معساصر موٹر۔



#### اسس تمام صورت حسال کو شکل ۲۰۱۱مسیں دوری سمتیات کی مدد سے دکھیا گیا ہے۔

- میکانی بو چو بڑھنے ہے موٹر کو زیادہ برتی طباقت در کار ہوگی۔ یہ اسس صورت مسکن ہوگا جب موٹر کے قوی کچھے کا برتی روبڑھ سے۔ میدانی برتی روموسین ہونے کی وجب ہے موٹر کے اندرونی ہجبانی برتی دباوے  $\hat{E}_a$  کی مطابق قیمت تبدیل نہیں ہوستی البت اسس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔ موٹر  $\hat{E}_a$  کی مطابق قیمت تبدیل کے بغیر برتی سروں پر لاگو برتی دباوی گو اور ایول حساس برتی طباقت بڑھائے گا۔ ایس پر لاگو برتی دباوی بارٹی طباقت بڑھائے گا۔ ایس شکل ۲۔ کا مسین دکھیا گا سے جہاں  $\hat{E}_a$  دوری سمتے کی نوک گول دائرہ پر رہتی ہے۔ یوں اسس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔ زاویہ بڑھنے گا برتی روبڑھ آسیا ہوتا۔ زاویہ بڑھنے گا برتی روبڑھ آسیا ہے۔ چونکہ جو کئہ جو کئی ہور ہالب ذادر حقیقت قوی کچھے کا برتی روبڑھ آسیا ہے۔ زیادہ پوچھ کی صورت حسال کو نقط۔ دار دکھیا گا ہیا۔ ہے۔
- و گنی میکانی بو جمہ پر موٹر کو کل 26200 = 26200 + 800 + 1000 = 26200 کلوواٹ برتی طب اقت در کار ہے۔ مب اوات ۲۰۰۳ کی مد دے درج ذیل ہو گا

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_aE_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^\circ$$

يوں موٹر كااندرونى بيج فى برقى دباو <u>16.89° - /</u>276 بو گااور قوى كچھے كابر تى رودرج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{I}_{a} &= \frac{\hat{V}_{a} - \hat{E}_{a}}{jX_{s}} \\ &= \frac{239/0^{\circ} - 276/-16.89^{\circ}}{j2.2} \\ &= 38/17.4^{\circ} \end{split}$$

### إبك

# امالی مثین

ور برقیاتے کے میدان مسین تی کی بناامالی موٹرول کی رفتار پر وت ابور کھنا مسکن ہوااور یوں ان موٹروں نے کار حنانوں مسین کیک سمت روموٹروں کی جگہ لیناسشہ روع کی۔اسس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہم ہوتی وہاں کیس سمت روموٹر استعمال ہوتی جن کی رفتار پر وت ابور کھنانہایہ آسان ہوتا ہے۔ پچپاسس برسس قبل ترقیافت ممسالک مسین کیسست موٹر کی جگر امامل موٹروں کی مفہوطی اور مسین کی تب میل کی تب مامل موٹروں کی مفہوطی اور دریاکام کرنے کی صلاحت مشابل ہے۔ قوی السیکٹر انگسس نے ان کی رفت ارکوت ابوکر کے بلامق ابلہ ہنادیا۔

ا مالی موٹر در حقیقت ٹر انسفار مسر کی دوسسری صورت ہے یا یوں کہت بہتر ہوگا کہ ہے ایک ایک ٹرانسفار مسر ہے جسس کا ٹانوی کچھ حسر کت بھی کرتا ہے۔ یوں امالی موٹر کے سائن کچھ ٹر انسفار مسسر کے ابت دائی کچھ اور موٹر کے گھوتے کچھ ٹرانسفار مسسر کے ٹانوی کچھے تصور کیے حب سکتے ہیں۔ موٹر کے سائن کچھوں کو بسیرونی برقی طباقت مسیر اہم کی حب آئی ہے جب مسلاما مسیر کا گھوٹ کچھوں مسیر امالی برقی دیاوان کچھوں کو طباقت مسیر اہم کرتا ہے۔ اس کی بہناان کو المالی موٹر سائنسسر کے المالی موٹر سائنسسر کہتے ہیں

اسس باب کامقصہ امالی موٹر کے مساوی دور (ر**یاضی نموی**ز <sup>۳</sup>) کا حصول اور موٹر کی خواص پر غور کرناہے۔ ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دورٹر انسفار مسر کے مساوی دور کی طسرح ہوگا۔

ہم فٹ رض کریں گے کہ موٹر دو قطبی، تین دوری، ستارہ حبٹری ہے۔اسس طسرت یک دوری کچھوں کابر تی رو، تاربر تی رو ہو گااور یک دوری بر تی دباو چرک ہوگا۔ایس کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان ہو گاجب کہ نتیجب کسی بھی موٹر کے لئے کارآ مد ہوگا۔

# ا. ۷ ساکن کچھوں کی گھومتی مقت طیسی موج

امالی مشین کے ساکن کچھے بالکل معساصر مشین کے ساکن کچھوں کی طسر جہوتے ہیں۔مسزید گھومتے حصہ اور ساکن کچھوں کے قطب بن کی تعسداد ایک محسب ہوگی۔ساکن کچھوں کو متوازن تین دور کی برقی روسے ہجبان کرنے سے گھومتے مقساطیسی دباو کی ایک

power electronics induction motor mathematical model

المالي مشين المالي مشين

مون پیدا ہوگی۔ مساوات ۱۳۹۵ سس مون کو ظاہر کرتی ہے جبکہ مساوات ۱۵۳۵ سس کی معساصر و فت اردیتی ہے جسس کو ہیساں  $f_s$  کو ہیساں  $f_s$  کو ہیساں ساکن مجھول مساوات ہیں۔ ہیساں ساکن مجھول مسین ہورونوں مسنسر لیسا کہ جسس کی المام کا تعدد ج ساکھ گیسا کہ سالم کا تعدد ج ساکھ گیسا کہ مسین ہوروں کا تعدد ج ساکھ گیسا کہ سالم کا تعدد ج ساکھ گیسا کہ مسین ہوروں کا تعدد ج ساکھ گیسا کہ تعدد ج ساکھ کا تعدد ج ساکھ کا تعدد ج ساکھ کی مسین کی تعدد ج ساکھ کا تعدد ج ساکھ کی تعدد تعدد کے تعدد ج ساکھ کی تعدد کے تعدد کے تعدد کے تعدد کی تعدد کے تعد

(4.1) 
$$\tau_s^+(\theta,t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta-\omega_e t)$$
 
$$f_s = \frac{2}{P}f_e$$

# 2.۲ مثین کا سر کاواور گھومتی امواج پر تبصیرہ

 $f_e$  بم دو قطب کی مشین پر غور کرر ہے ہیں جو P قطبی مشین کے لئے بھی درست ہے۔ ساکن کیجھوں مسین تین دوری برقی رو کا تعد دو  $f_e$  بھی درست ہے۔ مساوات ہیں جو کہ کہتی ہوگی مشین میں موج کی معساصر رفت اربھی ج  $f_s$  ہیں ہوتی کی معساصر مشین مسین موج کے رخ گھومت جس کا گھومت جس کے  $f_s$  ہیں جہاں جہاں جہاں ہی جہاں ہی ہے۔ یوں ہر سیکنڈ گھومت جس مقت طبیعی بہاو کی موج ہے  $f_s$  ہی جیچے سرک جبال کا گھومت کی معساصر رفت ارکی نبیت سے درج ذیل معساصر است کے کوموج کی معساصر رفت ارکی نبیت سے درج ذیل کھی جب اس سے کئے کوموج کی معساصر رفت ای کوموج کی معساصر است کے کھی جب کا کھیا جب تا ہے۔

$$(2.r) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یہاں 8 مشین کے سر کاو کی نایہ ہے۔اس مساوات سے درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$(2.7)$$
  $f=f_s(1-s)=f_e(1-s)$   $\omega=\omega_s(1-s)=\omega_e(1-s)$  (ح.خ.  $\omega=\omega_s(1-s)=\omega_e(1-s)$ 

یہاں خور تیجے گا۔ مقن طبی بہب و کی موج  $f_e$  تعب درسے گھوم رہی ہے جب کہ گھومت لیجس کا تعب درسے گھوم رہا ہے۔ گھومت لیجس کے حوالہ سے مقن طبیمی بہب و کی موج  $(f_e-f)$  رفت ارسے گھوم رہی ہے، لیغن، گھومتے کیجے کوس کن تصور کرنے سے گھومتے مقن طبیمی بہب و کی موج  $(f_e-f)$  اصف فی رفت ارسے گھومتی نظر آئے گا۔ یوں گھومتے کیجسامسیں امالی برقی دباو کا تعب درج کا رہے درج ذیل کھی سے بہب و کی مدد سے اسسا امالی برقی دباو کا (اصف فی) تعب درج کو درج ذیل کھی سے ب

$$(2.7) f_z = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

مشین بطور امالی موٹر استعال کرنے کے لئے گلومتے کچھے قصب ردور کیے حب ئیں گے۔ ان قصب ردور کچھوں مسین برقی رو کاتعب دور ہے اور رکھ تعب رہو گا۔ کچھوں کی رکاوٹ برقی روکے تعب در پر مخصب رہو گا۔ کچھوں کی رکاوٹ برقی روکے تعب در پر مخصب رہو گا۔ کچھوں کی رکاوٹ برقی روکے تعب در پر مخصب رہو گا۔ گھوں کے ایک میں میں برقی روکے تعب در پر مخصب رہو گا۔ گئے۔ گئے۔ گئے۔ گئے۔ میں میں برقی روکے تعب میں برقی ر

 $f_e$ کن موٹر جب حپالو کی حبائے توانس کا سسر کاو s اکائی ( s=1 ) ہو گالہنے اگھومتے کچھوں مسین برقی رو کا تعب دو کا ہوئے پھوں مسین  $f_e$  تعب در کا برقی روایک گھومتے کی موخ پیدا کرے گاجو معب صر رفت ارسے گھومے گی۔ سیم بالکل ای طسر رہے جیب ساکن کچھوں مسین برقی روسے گھومتے مقت طبیعی دباوکی موخ وجو دمسین آتی ہے۔ یوں موٹر حپالو کرنے کے بالکل ای طسر رہے جیب ساکن کچھوں مسین برقی روسے گھومتے مقت طبیعی دباوکی موخ وجو دمسین آتی ہے۔ یوں موٹر حپالو کرنے کے

لحب پر ساکن اور گلومتے کچھوں کے مقت طیبی دباو کی اموان آیک جبیبی رفت ارسے گلومتی ہیں۔مقت طیبی دباو کی ہے اموان دو گلومتے مقت طیبی دباو کی ہے اموان دو گلومتے مقت طیبی دباو کی ہے۔ اس کی فٹی زاویہ صف ہر ہور پول موٹر قوضے مروٹر <sup>8</sup> پیدا کر دو قوضے مصر وڑ گلی ہے۔ اگر موٹر کے دھ سرے پر لدے بو جھ کو مشین کی پیدا کر دہ قوت مسروڑ گلی سے تو مشین گلامتی کی پیدا کر دہ قوت مسروڈ گلی سے تو مشین گلومتی کی داس کی ارفت ارتب ہو کر ایک برفت را دسر تا کہ پہنچ حبائے گا۔ امالی موٹر کی رفت ارتبی کہنچ مساصر رفت ارتب نہیں بہنچ سے کئی چھوں کی گلومتی مقت طیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گلومتی کھوں کی گلومتی مقت طیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گلومتی مقت طیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گلومتی ہوگی امالی برقی دباوی اور پیدانہ ہیں ہوگا۔

جب موٹر حپل پڑتی ہے تواسس کے گھومتے کچھوں کے برتی رو کا تعب د $_{g}$  و گا۔ ان برتی روسے پیدامقٹ طلیعی دباو کی موخ گھومتے کچھوں کے جوالہ ہے گومت المجھ کے حوالہ ہے گومت الرخود رفت از کم سے گھوم رہا ہو گالہہ ذاسیہ موخ در حقیقت حسلاء میں رفت اربی کے است کا مسین ( $f+sf_{e}$ ) رفت اربی گھومت گی۔ مساوات کے ۲۰ سے درج ذیل کھیاحب سکتا ہے جو ایک اہم نتیج ہے۔

$$(2.2) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

سے مساوات کہتی ہے کہ موٹر جس رفت ارسے بھی گھوم رہی ہو، گھومتے کچھوں سے پیدامقٹ طیسی دباو کی موج ساکن کچھوں سے پیدامقٹ طیسی دباو کی موج کی رفت ارسے ہی گھوسے گی۔ پیدامقٹ طیسی دباو کی موج کی رفت ارسے ہی گھوسے گی۔ مثال ا. 2: حیار قطبین، ستارہ، 50 ہرٹز، 415 وولٹ پر جینے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی (پوری) بن اوٹی بوچھ پرپانچ فی صد سرکاویر حیاتی ہے۔

- اسس موٹر کی معیاصرر فت ارکتنی گی؟
- یورے بوجھ پراسس کی رفت ارکتنی ہو گی؟
- پورے بوجھ پر گھومتے کیھے مسیں برقی تعبد دکت ہوگا؟
- يور بوجھ سے لدے موٹر كى دھ رے برقو سے مسروڑ كتنى ہوگى؟

: 1

- مساوات کے اکی مددسے مصاصر رفت ار 25  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  پکر فی سیکنٹریا  $f_m = 25 \times 60 = 25$  منٹ ہوگی۔
- پورے بو جھے سے لدی موٹر پانچ فی صد سے کاوپر حیلتی ہے لہند ااسس کی رفت ار معیاصر رفت ارسے کم ہوگی۔ موٹر کی رفت ار معیان میاد سے 1425 حیکر فی مند سے صل میں اوات ہے۔ f=25(1-0.05)=23.75 مند سے صل ہوتی ہے۔
  - ه گومتے کچھے کابرتی تعبد دو $f_z = 0.05 \times 50 = 2.5$  ہر ٹر ہوگا۔
  - $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \mathrm{Nm}$  والمسركي وقوت مسرورتي ورقايي والمسركي وا

المالي مشين المالي مشين

## 

مساوات 2. اکاپہلاحبزو ساکن کچھوں کی پیدا کر دہ مقت طبی دباو کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ یہ مقت طبی دباو مشین کی حنلائی درز مسیں کثافت مقت طبی شدت  $H^+(\theta)$  پیدا ہوگا درز مسیں کثافت مقت طبی ہیں و  $H^+(\theta)$  پیدا ہوگا درز کی درای رخ کہ بائی آلیتے ہوئے درخ ذیل ہوگا

$$\begin{split} B^+(\theta) &= \mu_0 H^+(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^+(\theta)}{l_g} \\ &= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t) \\ &= B_0 \cos(\theta - \omega_e t) \end{split}$$

جوبالکل مساوات  $\sigma$  کی طسر ہے۔ درج بالا مسیں  $\frac{3\mu_0\tau_0}{2l_g} = B_0$  لیا گیے۔ یوں مساوات  $\sigma$  کی مقت طیسی موخ g کی ساکن کچھوں مسیں پیدا کر دہ امالی برقی دباو کو ظل ہر کرے گی۔ اسس مساوات کو بہاں دوبارہ پیش کی حب تاہے حب تاہے

$$e_{as}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ) = E_s \cos(\omega t + 90^\circ)$$

$$e_{bs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ) = E_s \cos(\omega t - 30^\circ)$$

$$e_{cs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ) = E_s \cos(\omega t + 210^\circ)$$

جہاں $N_s$  درج ذیل ہے۔

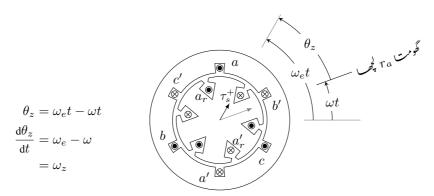
$$(2.1) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

یہاں  $e_{as}(t)$  کی ہوئے زیر نوشت مسیں a، دور a کو ظہر کر تا ہے اور a، ساکن a کو ظہر کر تا ہے بعنی ہے ساکن a کی ہوئے اسس کی مسیں امالی برقی دباو ہے مالی موٹر کے دور a کی بات آگے بڑھاتے ہیں۔ گومتی مقناطیسی دباو کی موخ اسس کی مسیں امالی برقی دباو  $e_{as}(t)$  کا امالی برقی دباو  $e_{as}(t)$ 

### ۷.۶ ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفت ار اور ان مسیں پیسدا امالی برقی دباو

س کن کچھوں کی پید اگر دہ، گھومتے مقت طیسی دباہ کی موج (مساوات کے ۱۱) کی چوٹی  $^{2}$ اسس مقت میں ہوگی جہاں  $(\theta-\omega_{e}t)$  صف سند کے برابر ہو۔ یوں گھوسے مقت سرپر اسس کی چوٹی ضف رزاوی  $(\theta=0)$  پر ہوگی اور گھوں کی مقت طیسی دباہ کی موج کا زاوی کسی نقط کے حوالے سے ناپا جب اسک کتا ہے۔ اسس مشکل کی مصف رزاوی تصور کے گا۔ اسس مشکل کے امسیں نقط دار افقی لکیسر سے زاوی ناپا جب کے گا۔ اسس مشکل مسین ایک امسین نقط کے تین دوری ہیں۔

الفظ ساکن مسیں حسر ف سس کے آواز کو8 سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ peak



شکل ا. ۷: امالی موٹر اور اسس کے گھومتے مقن طبیبی دباو کی موحب یں۔

مشین f زادیائی رفت ارسے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لحب صف ریعنی t=0 پر گھومتے جھ کے جھے اصف رزاو یہ پر ہے، لیعنی ہے نقط دارافقی لکت رپر ہے۔ مسزید تصور کریں کہ اسس لحب سائن کچھول کی گھومتی مقت طیسی دباو کی موج بھی ای افقی لکت رپر ہے۔ اب کچھ دیر بعب لحصہ t پر ہے موج زاو ہے  $\omega$  بر ہوگی۔ اتی دیر مسیں گھومت جھے کچھ دیر بعب لحصہ t پر سے موج زاو ہے  $\omega$  بر موج گاجہاں  $\omega$  ہو ہے اس کے نادیائی میکانی رفت ارہے۔ یہ سب مشکل کے امسیں دکھ ایا گیا ہے۔ لہذا لحب t پر موج اور گھومتے کچھے کے بی زاوی میں گور ہوگا۔

(2.9) 
$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$  اگر جب مقت طبی موج نے میں زاوی سے طے کیا لیسکن گھومتے کچھے کے حوالے سے اسس نے صرف زاوی سے موج کی راضافی (زاویا کی رفت اور  $\theta_x$  میں درج ذیل ہوگی

$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

جس کومساوات ٤٨ کی مدد سے درج ذیل کھا حب سکتا ہے۔

$$(2.11) \qquad \qquad \omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s \omega_e$$

ہے۔ مساوات کہتی ہے کہ گھومتے کچھوں کے حوالے سے مقت طیبی موج کی رفت ارسسر کادی پر منحصسر ہو گی۔البت۔اسس موج کا حیط تب یل نہسیں ہوا۔ ایول گھومتے کچھوں کے حوالہ سے مساوات کہ 1 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(2.17) 
$$B_{s,rz}^+(\theta,t) = B_0\cos(\theta-\omega_z t) = B_0\cos(\theta-s\omega_e t)$$

ں کھتے ہوئے زیر نوشت مسیں تے، لفظ انسانی کے حسر ن من کی آ واز کو ظب ہر کر تا ہے۔ $z^{\Lambda}$  relative angular speed

\_

۱۸۸ بالي مشين

 $B_{s,rz}^+$  مسیں + کانشان حنلان گھٹڑی موج کو ظل ہر کر تاہے جب نے زیر نوشت مسیں s,rz اسس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن کچھوں کی وحب ہے وجود مسیں آئی اور اسے گھوٹ یعنی رواں کچھوں کے حوالے سے دیکھ حب رہا ہے۔ مسزید، اسس مساوات کاتعبد داخسانی تعبد  $su_e$  کے برابر ہے۔

يوں گھومتے لچھوں مسین امالی برقی د باومسا واتے 2ے کی طسرح ہوں گے لیسے کن ان مسین تعبد د $\omega_z = s\omega_e$ !"

$$\begin{split} e_{arz}(t) &= s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 90^\circ) \\ (\text{2.ir}) &\qquad e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 30^\circ) \\ e_{crz}(t) &= s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 210^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 210^\circ) \end{split}$$

ان مساوات مسین  $N_r$  گلومتے کچھے کے حپکر ہیں اور  $E_r$  ورج ذیل ہے جو ساکن موٹر (s=1) کے گلومتے کچھے مسین برقی دراوہ وگا۔

$$(2.17) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

گھومتے کچھوں اور ساکن کچھوں کے امالہ دباو کاتٹ اسب مساوات ہے.۳۱اور مساوات کے یہ حساصل کرتے ہیں۔

(2.1۵) 
$$\frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = s \frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = s \frac{N_r}{N_s}$$

$$js\omega_e L_r = jsX_r$$

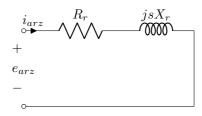
يب  $j \chi_r$  ن ن j = 1 ركھتے ہوئے گھومتے گھے كى متع الميت ہے۔ گھومتے گھے كارتى رو نے مسئل ٢٠٤ سے داسے ١٣٠٠ سيں كارتى رو ناور  $e_{arz}(t)$  مساوات ١٣٠٤ مسيں گھومتے گھے كا امالى برقى دواور  $e_{arz}(t)$  مساوات ١٣٠٤ مسيں گيا ہے۔

تشکل کے ۲ بالکل شکل ا ۱۵ کی طرح ہے البذام اوات ا ۵۰ سے برقی روحیا صل کیے حبا کتے ہیں:

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos\left(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z\right) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0)$$
(2.12) 
$$i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos\left(s\omega_e t - 30^\circ - \phi_z\right) = I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos\left(s\omega_e t + 210^\circ - \phi_z\right) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

<sup>&#</sup>x27;'الافظ ساکن کے سس کوظ باہر کر تاہے ، ''الفظار وال کے رکوظ باہر کر تاہے اور یر لفظ اصْف فی کے ض کوظ باہر کر تاہے۔ ''الاہما'' الاہم مسین دور ہے۔ گوختے کچھے کو ''الور اصن فی کو یہ ظ باہر کر تاہے۔ ''الیہ باس کا گھوٹے کچھے کو ظ باہر کر تاہے اور چرانس بات کی یاد دھیانی کر تاہے کہ اسس پر تی روکاتعہ دو، اصْف فی تعہد دہے۔ ''الر انسفار مسین ٹانوکی کچھے کوزیر نوشت۔ مسین 2 سے ظ باہر کرتے ہیں۔ یہاں اے سے ظ باہر کہا جہا تاہے۔



$$Z_r = R_r + jsX_r$$

$$\phi_z = \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$

$$\hat{I}_{arz} = \frac{\hat{E}_{arz}}{Z_r}$$

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|}\cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r}\cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$

شكل ٢.٢: گلومتے لچھا كامساوي دور اور اسس مسين اصافي تعبد د كاروبه

ے تین دوری برقی رو ہیں جو آپ س مسیں °120 زاوے رکھتے ہیں۔ یہاں چ $\phi$ ر کاوٹ کازاوے "اے۔امید کی حباتی ہے کہ اے آیے مقت طبی بہاونہیں سنتنجیں گے۔درج بالامساوات مسیں درج ذیل ہوں گے۔

(2.14) 
$$\theta_0 = 90 - \phi_z \\ I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

ونسرض کریں شکل ۲.۷مسیں داخنلی دباو گھر نے باوی کی موثر قیسے کو ظبہر کرتی ہے۔ یوں  $I_{0r}$  برتی رو کی موثر قیسے ہو گی لہذا ایک گھومتے کچھے کی مسزا جسے مسین

$$(2.19) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کاضیاع ہوگا۔ یہ طاقت حسرارت مسین تب یل ہوکر لیچے کو گرم کرے گا۔

# 2.۵ گومتے کچھوں کی گھومتے مقت طیسی دیاو کی موج

ہم حبانے ہیں کہ ساکن تین دوری کچھوں مسیں  $f_e$  تعبد دے برقی رو گلومتے مقٹ طیسی دباوی موج پیبدا کرتے ہیں جو ساکن کچھے کے حوالے ہے  $f_e$  معتاصر زادیائی رفت اربے گلومتی ہے۔ ای طسرح گلومتے تین دوری کچھوں مسیں  $f_e$  تعبد دے برقی روایک گلومتے مقت طیسی دباوکی موج  $f_e$  بیب داکرتے ہیں جو گلومتے کچھے کے حوالے ہے  $f_e$  دزادیائی رفت اربے گلومتی ہے۔

(2.7.) 
$$\tau_{rz}^+(\theta,t)=k_w\frac{4}{\pi}\frac{N_rI_{0r}}{2}\cos\left(\theta-s\omega_et-\theta_0\right)$$

یہاں  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  مساوات ۱۸.۷ مسیں دیے گئے ہیں۔ گھومت کچھا ازخود f زاویائی رفت ارسے گھوم رہا ہو گالہنہ زااسس کی پیدا کر دہ موج منسانی درز مسیں  $(f+sf_e)$  زاویائی رفت ارسے گھومے گی۔ اسس رفت ارکومسیاوات ۲.۳ کی مدد سے درج ذیل کھیا

ا تکنیکی دنیا مسیں رکاوٹ کے زاوی کے لئے پر $\phi$ استعال ہو تاہے۔ یہاں بھی کی گیا ہے۔

۱۹۰ بابک مشین

حباسكتاہے۔

$$(2.71) f + sf_e = f_e(1-s) + sf_e = f_e$$

یوں گھومتے کیچھوں کے مقت طبیعی دباو کی موج کو ساکن کیچھوں کے حوالے درج ذیل ککھا حب سکتا ہے۔

(2.rr) 
$$\tau_{r,s}^+(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos{(\theta - \omega_e t - \theta_0)}$$

 $\tau,s$  مسیں + کانشان گھٹڑی کے محنالف رخ گھومتی موج کو ظاہر کر تا ہے جبکہ زیر نوشت مسیں  $\tau,s$  اسس بات کی وضاحت کر تاہے کہ سے موج گھومتے کچھوں کی وحب سے وجو د مسیں آیا ہے مسگر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا حب رہاہے۔ رہاہے۔

یبان ذرارک کر غور کرتے ہیں۔ مساوات ۷۲۱ کے مطابی گھومت کچھاخود جس رفت ارسے بھی گھوم رہا ہو، اسس کی پیساں ذرارک کر غور کرتے ہیں۔ مساور سے بی گھوم کی رفت ارسے بی گھوے گی۔ یوں مشین مسین دواموائ ایک بی معاصر رفت ارسے گھوم رہی ہوں گی۔ مساوات ۱۱۵ کہتی ہے کہ دومقت طیسی دباو کی موجبیں قوت مسروٹر پیدا کرتی ہیں جواموائ کی چوٹیوں اور اان کے بی زاوسیہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی مشین مسین موجود دومقت طیسی امواج قوت مسروٹر پیدا کرتی ہیں جس کی قیمت ان امواج کی چوٹیوں اور اان کے بی زاوسیہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی موٹر، لدے ہو جھ کے مطابی امواج کے بی زاوسیہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی موٹر، لدے ہو جھ کے مطابی امواج کے بی زاوسیہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی موٹر، لدے ہو جھ کے مطابی اور امواج کے بی زاوسیہ رکھ کر در کار قوت مسروٹر پیدا

# ۲. کھومتے کچھوں کے مساوی منسر ضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھوں کی جگہ  $N_r$  حپکر کے تین دوری منسر ضی ساکن کچھے ہوں تب مب دوات ے 2 کی طسرح ان میں امالی برقی دیاو $^{0}$ ا

$$\begin{array}{ll} e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t + 90^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t + 90^\circ)} \\ (\text{2.rr}) & e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t - 30^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t - 30^\circ)} \\ e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t + 210^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t + 210^\circ)} \end{array}$$

پیدابوں گے جہاں  $E_r=\omega_e N_r \phi_0$  کے برابر ہے (مساوات کے 12)۔ مسزید ونسر ض کریں ان ونسر ضی ساکن کچھوں کی مسزاحت  $\frac{R_r}{s}$  اور متعاملیت  $jX_r$  ہے

$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + jX_r$$

اور ان منسرضی ساکن کچھوں پر مساوات ۲۳.۷ کے برقی د باولا گو کیے حباتے ہیں (مشکل ۳.۷)۔ یوں ان مسیں درج ذیل برقی رو

ان مساوات مسین زیر نوشت مسین <del>کر</del> لفظ منسر ضی کے ونے کوظ ابر کر تاہے۔

$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + jX_r$$

$$+$$

$$e_{fs}(t)$$

$$-$$

$$0000$$

$$= \tan^{-1} \frac{SX_r}{R_r}$$

### مشكل ٢٠.٣؛ كلومت لجمول كي جلّب منسر ضي ساكن لجهي كادور

ہوں گے۔

$$\begin{split} i_{afs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t + \theta_0\right) \\ \text{(2.72)} \quad i_{bfs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0\right) \\ i_{cfs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0\right) \end{split}$$

 $\phi_{fZ}$  اور  $\phi_{fZ}$  و بی ہے جو گھوٹت  $\theta_0$  اور  $\theta_0$  و بی ہے جو گھوٹت کے کاناوی کاناوی کے ان مساوات کے کاناوی کے کاناوی کے کانوں کے کاناوی کے کاناوی کے کانوں کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کی کاناوی کے کاناوی کی کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کی کاناوی کے کاناوی کی کاناوی کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کاناوی کاناوی کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کی کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کی کاناوی کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کاناوی کے کاناوی کاناوی کاناوی کاناوی کاناوی کے کاناوی کاناوی کاناوی کاناوی کاناوی کاناوی کاناوی کے کاناوی کاناوی

$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

ان رو کا تعبد د $\omega_e$  اور پسیدا کرده گلومت مقت طیسی موخ درج ذیل ہو گاجو ہو بہو گلومت کیجھے کی موخ  $(\theta,t)$  (مساوات ۲۲.۷) سے ب

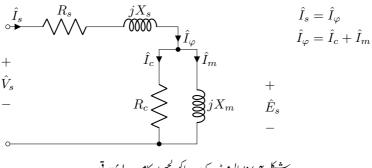
$$\tau_{fs,s}^+(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

امالی موٹر کامساوی برقی دور

ہم ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھے کا برقی دور پہلے بنا چے ہیں جہاں کچھے کی مسزاحت  $R_1$  اور رستامتعاملیت ''  $jX_1$  تھی۔ ٹرانسفار مسیر کے وت الب مسین وقت کے ساتھ بدلت امقت طیسی بہاواسس کچھے مسین امالی برقی دباو  $\hat{E}_1$  پسیدا کر تا ہے۔

leakage reactance

امالي مشين



*مشکل ۲۰*.۷: امالی موٹر کے ساکن کچھوں کامساوی برقی دور۔

يوں

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 (R_1 + jX_1) + \hat{E}_1$$

کھے جب سکتا ہے جب ال  $\hat{V}_1$  ابت دائی کچھے پر لا گو ہیں رونی برقی دباوے ہم دیکھ سیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی یہی میں اوات حساس ہوگی۔ تصور کریں کہ مشین کے گومتے کچھے کھیا دور ہیں اور ساکن کچھوں پر تین دوری برقی دباولا گو ہے۔ ساکن کچھوں کے برقی رو گھومتے مقت اطلبی دباوگی ایک موتی کے گھوٹ کہ ہے ہو مساوات کے اسٹیں دباوگی ایک موتی کے بہت ساکر پر گئی ہے۔ اسٹیں دباوگی ہے مشین کے ایک دور، مضاؤ دور ھ، پر نظر رکھییں گے۔ یہب سشکل کے بم سے رجوع کریں۔ اگر سے مسین ہم مشین کے ایک دور، مضاؤ دور ھ، پر نظر رکھییں گے۔ یہب سشکل کے بم سے رجوع کریں۔ اگر سے کو فی سے بہت کر توفقے گئی دباوے کے ساکن کچھے کی مسئور ہے اور متع ملیت ہی تا ہو اور اسٹ پر لا گو ہیں رونی برقی دباو کے تحت درج ذیل ہوگا

$$v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

جہاں ( $e_s(t)$  مساوات کے کے مسین دی گئی، اسس مون کی ساکن کچھے مسین پیپدا امالی برقی وباو ہے۔ای کو دوری سمتیہ کی صورت مسین کھتے ہیں۔

$$\hat{V}_s = \hat{I}_s \left( R_s + j X_s \right) + \hat{E}_s$$

ٹرانسنار مسر کی مثال آ گے بڑھ نے ہیں۔اگر موٹر کا گھومت کچھ کھیلا دور ۱۸ رکھی حبائے تب متالب مسیں ایک ہی کھومت مقت طیسی بہاوی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  ہوگا ہو وتالب مسیں مقت طیسی بہاوی گھومتے مقت طیسی دیاوی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  ہوگا ہو متابارے گا۔ بید اگرے گا۔ بید اگرے گا۔ بید اگرے گا۔ میں مقت طیسی نے بنیادی اور ہار مونی احب زاء دریافت کے حباسے ہیں۔ اس کے بنیادی حب نوے کہ وقعے ہوں گے۔ ایک حصہ  $\hat{I}_c$  بی لاگو ہیں۔ دوجے ہوں گے۔ ایک حصہ کا لاگو ہیں۔ دونی برقی دولو جا کہ مقدم اور

Kirchoff's voltage law12

open circuited11

Fourier series<sup>19</sup>

وت الب مسیں طباقت کے ضیاع کو ظباہر کرے گاجب کہ دوسسراحصہ  $\hat{V}_s$  نوے در حب تاخیسری زاویہ پر ہو گا۔ چ $\hat{I}_{\varphi}$  منفی کر کے مقعا طلیح جزوحت مسل ہو گاجس کو  $\hat{I}_{e}$  نظاہر کسیاحب تا ہے۔ بنیادی حب زوکے لحاظ سے مقت طلیعی حب زوتاخیسری اور باتی سارے بار مونی احب زاء کا محبصوعہ ہوگا

$$\hat{I}_{arphi}=\hat{I}_{c}+\hat{I}_{m}$$

 $\hat{I}_m$  جو وت الب مسین مقت طبی ہوب و  $\varphi_s$  پیدا کر تا ہے۔ امالی موٹر کے مساوی دور مسین  $\hat{I}_c$  کو مسین ہوتی ہوتی ایر  $X_m$  اور  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  برقی دور ورسا صل ہو۔ یول درج ذیل ہوگا۔

(2.77) 
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$
 
$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

مقت طیسی دبادکی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  گومت کچھے مسیں بھی امالی برقی دباد اور کچھ کا ندرونی امالی برقی دباد ہر حسالت مسیں اگر رکاوٹ مسیں برقی دباد واور کچھ کا ندرونی امالی برقی دباد ہر حسالت مسیں ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے قصر دور کر دیے حباتے ہیں۔ ایسا کرتے ہی ان مسیں برقی روگزرنے لگے گیں جو مقت طیسی دباد کی موج کہ  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  ، جو مساوات کا  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  میں دباد کی موج کے ساکن کچھے مسیں امالی برقی دباد کی موج کے ایس موج سے ایک کھی مسیں امالی برقی دباد  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  ہوگالہند اامالی برقی دباد اور لاگو برقی دباد اور کہ دو سرے کے برابر بہتیں رہیں گے۔ یہ ایک نامیسی صورت حسال ہے۔

س کن کچھے مسین امالی برتی دباو، لاگو برتی دباوے برابر تب رہے گاجب متالب مسین مقت طبی دباوت بدیل نہ ہو۔ مشین کے متالب مسین مقت طبی دباو بر متسراریوں رہت ہے کہ ساکن کچھے، مقت طبی دباوک ایک میں مقت طبی دباوک ایک متنب دباوک ایک موج پیدا کرتے ہیں جو  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  ہوجہ نے این کھوں مسین برتی روی آبے بڑھ کر  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  ہوجہ تے ہیں جہاں اضافی برقی رودری ذیل ہوں گے۔

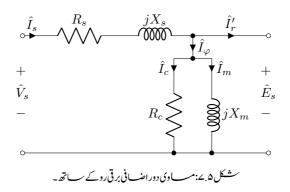
$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + \theta_0)$$
 (2.77) 
$$i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$
 
$$i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

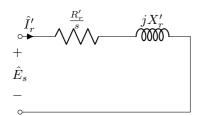
ہے۔ اضافی برقی رو درج ذیل موج پیدا کرتے ہیں۔

$$\tau_{(r)}^+(\theta,t)=k_w\frac{4}{\pi}\frac{N_sI_{0r}'}{2}\cos(\theta-\omega_e t-\theta_0)$$

س کن کچھوں مسیں امنسانی برتی رونے ہر لمحب گھومتے کچھوں کے برقی رو کے اثر کو حسنتم کرناہے الہٰ ذاہیہ دونوں برقی روہم مت دم ۲۰

۱۹۳۲ بابک امالی مشین





$$i'_{a}(t) = \frac{E_{s}}{\sqrt{\left(\frac{R'_{r}}{s}\right)^{2} + X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$
$$= \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$

شكل ٧.٦: گومتے لچھے كاايك مساوى دور ـ

جوں گے۔ چو نکہ مساوات کے ۱۳۳ اور مساوات کے ۱۳۳ ہر لمحت ایک دوسرے کے برابر ہیں المہذادری ذیل ہوگا۔ 
$$N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

مساوات ۷.۸ کی استعال سے درج ذیل ہو گا۔

(ح.۲۲) 
$$I'_{0r}=\left(\frac{N_r}{N_s}\right)I_{0r}=\left(\frac{N_r}{N_s}\right)\frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2+s^2X_r^2}}$$

آپ نے دیکھ کہ گھومتے لیجھے مقت اطبی دباہ کی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن کچھوں کو معسلوم ہو تا ہے کہ موٹر پر بو جھ لدا ہے اور وہ اسس کے مطبابق لا گوبر تی دباہ سے برتی رولسیتی ہیں۔ یہساں تک امالی موٹر کامساوی برقی دور شکل ۵٫۷ مسیں دکھ یا گیا ہے۔ یہساں ذرہ مشکل ۲۰سے رجوع کریں جہساں

(2.72) 
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$
 
$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

۷.۷. امالی موٹر کامپ اوی برقی دور

پر ساکن کچھوں کاامالی برقی دباو $\hat{E}_s$  لا گوہے لہانہ ابرقی رو درج ذیل ہوں گے۔

$$i_a'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z)$$
 (2.71) 
$$i_b'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z)$$
 
$$i_c'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z)$$

ان سے کے حطے ایک دو سرے کے ہر ابر ہیں جنہ یں

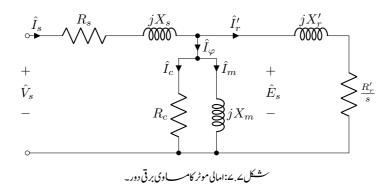
$$\begin{split} \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} &= \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^4 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} & \text{(r2.2.i)} \text{(A.2.ii)} \\ &= \left(\frac{N_r}{N_s}\right)^2 \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \\ &= \frac{N_r}{N_s} \frac{s\omega_e N_r \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} & \text{(4.14)} \\ &= \frac{N_r}{N_s} \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} & \text{(10.14)} \\ &= \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}' & \text{(11.2.ii)} \end{aligned}$$

لکھ کر مساوا ہے۔ ۳۸٪ کو درج ذیل صور سے اختیار کرتی ہیں۔

$$i'_a(t) = I'_{0r}\cos(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z)$$
 (2.7•) 
$$i'_b(t) = I'_{0r}\cos(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z)$$
 
$$i'_c(t) = I'_{0r}\cos(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z)$$

- مساوات بالکل مساوات به ۳۳ کی طسر جرج جہاں  $\theta_{D}=90-\theta_{D}$  ہوگا۔ یوں شکل ۵.۵ مسیں سے کن کچھوں کے امالی برتی دوات بی ہوگا جنتااصل موٹر سے کن کچھوں کے امالی برتی دوات بی ہوگا جنتااصل موٹر مسیں گھومتے کچھوں کی بہت ہوگا۔ ایس کرتے ہوئے سشکل ۷.۵ حساصل ہوتی ہے جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کی مسین گھومتے کچھوں کی بہت ہوگا۔ ایس کرتے ہوئے سشکل ۷.۵ حساصل ہوتی ہے جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کی مسین گھومتے کے کائی کرتا ہے۔

اب ٢٠١١مالي مشين



### ۸.۷ مساوی برقی دوریر غور

ہم سشکل ۷.۷ مسیں برقی دباواور برقی رو کی قیتوں کو موثر قیمتیں تصور کرتے ہیں۔ ایک گھومتے کیچھے مسیں برقی طباقت کے ضیاع کو مساوات ۱۹٫۷ ظباہر کرتی ہے۔ مساوات ۷.۷ تاور کہ ۳۹ کی مدد ہے اسے درج ذیل کھیا حباسکتا ہے۔

(ح.۲۱) 
$$p_{\zeta_{r}} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$

شكل 2.2 مسين گھومتے کچھے كو كل

$$(2.77) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s}$$

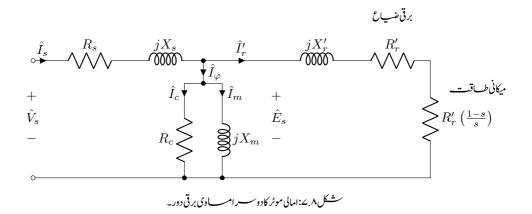
برقی طباقت منسراہم کی حبائے گی جس مسیں سے <sub>نیٹ</sub> کو شتے کچھے کی مسنزا ہمت مسیں صنائع ہو گی اور باقی بطور میکانی طباقت مشین کے دھسرے پر دستیاب ہو گی:

$$(2.77) \hspace{1cm} p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^\prime = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s} (1-s) = p_r (1-s)$$

تین دوری مشین جس مسیں تین کچھ ہوتے ہیں تین گٹ میکانی طباقت منسر اہم کرے گی:

(4.77) 
$$p_{\rm isc} = 3I_{0r}'^2 \frac{R_r'}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

مساوات ٢٠٣٨ كتى ہے كہ ساكن موٹر، جس كاسركاو اكائى ہوگا، كوئى ميكانی طاقت فسنراہم نہيں كرتى ہے بلكہ وہ تمسام برقى توانائى جو گھومتے حصہ كو ملتى ہے ضائع ہوكر اسس حصہ كو گرم كرتى ہے جسس سے موٹر جلنے كا امكان ہوتا ہے۔ آپ اسس مساوات ہے ديكيے سكتے ہيں كہ امالى موٹر كاسركاو صفسر كے فسسريب رہنا حب ہے ورن ہے باقت ابل فسبول (اور نافت ابل بر داشت) حد تك برقى توانائى ضائع كركى گى۔ ہم امالى موٹر كى مساوى برقى دور كو شكل ٨٠٤ كى طسرح ہجى تشكيل



يوں شكل 2.2 مسيں مسزاته  $R'_r$  مسيں برقی طباقت كاضياع  $R'_r$  كاضياع جبكہ مسزاته يوں شكل 2.4 مسيں برقی طباقت كاضياع  $R'_r$  مسيں برقی طباقت كاضياع  $R'_r$  وراصل ميكانی طباقت ہوگا۔ يادر ہے كہ تين دورى مشين كے كئے النتائ كو تين ہے ضرب دين ابوگا۔

میکا فی طب قت سے مسراد قوت مسروڑ ضرب میکانی زاویا فی رفت ارہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویا فی رفت ارمساوات ۳.۷ دیتی ہے جب کہ مساوات ۵۳.۵ مسیں میکانی معاصر رفت ار ۱۵۰ میں این کی این میکانی طب قت

(ح. ٢٥) 
$$p=T_m\omega=T_m imes 2\pi f=T_m imes 2\pi (1-s)f_s=T_m(1-s)\omega_{sm}$$

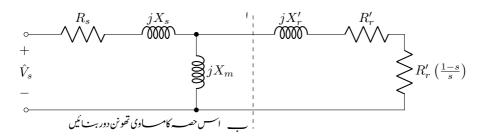
اور قوت مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

(2.77) 
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}'^2}{\omega_{sm}}\frac{R_r'}{s}$$

اصل موٹر مسیں رگڑ، متالبی ضیاع، کچھوں مسیں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بن، دھسرے پر طباقت یا قو ۔۔ مسروڑ ان سے کم ہوگی۔

ر نامکن کو نظر انداز کیا گئی میں وہ ترین میں وی دور میں ہے  $R_c$  اور  $R_c$  کو نظر انداز کیا گئی گئی ہے اصابی موٹر میں ایس کر ناممکن جوتا جو تکہ موٹروں میں حنائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیبی ہیں اوپ یدا کرنے کے لئے بہت زیادہ مقناطیبی دیاو در کار ہوتی ہے۔ بے بو جھے امالی موٹر کو بہناوٹی برقی رو کا تیس سے پہلے سس فی صدیر قی رو، متالب کو بھیان کرنے کے لئے در کار ہوتا ہے۔ مسئری، حنائی درز کی وجب ہے اسس کی رستا امالہ بھی زیادہ ہوتا ہے اور اسے نظر انداز کرنا مسکن جہیں ہوتا۔ البت مساوی دور میں  $R_c$  کو نظر انداز کیا جب سکل میں سنگل میں کیا گئی جبان ہو جب تا ہے۔ اس مشکل میں نقطہ دار کسیس کیا گئی جب نے کامساوی تھونی دور بنیا جب سکل ہے۔ ایس کرنے سے امالی موٹر پر غور کرنا آسان ہو حب تا ہے۔ اب ہم ایس کی کرتے ہیں۔

امالی مشین باب کے امالی مشین



شکل ۹. ۲: امالی موٹر کا ب دہ دور۔ وت لبی ضیاع کو نظے راند از کیا گیا ہے۔

مثال 2.۲: ستارہ، چید قطبی، پحپ سس ہر ٹز اور 415 دوائ پر جیلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے احب زاء درج ذیل ہیں۔

$$R_s = 0.5 \,\Omega, \quad R'_r = 0.31 \,\Omega, \quad X_s = 0.99 \,\Omega, \quad X'_r = 0.34 \,\Omega, \quad X_m = 22 \,\Omega$$

موٹر مسیں رگڑے طباقت کا منیاع 600 وائے ہے۔ وت البی منیاع کوای کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اسس کوائل تصور کی حب خبائے۔ یہ موٹر در کار وولٹ اور تعداد پر دونی صد سرکا و پر حپل رہی ہے۔ اسس حبالت میں موٹر کی رفت ار، اسس کے دھسرے پر پییدا قوت مسروڑ اور طباقت، اسس کے ساکن کچھے کا برقی رو اور اسس کی فی صد کار گزاری حباصل کریں۔ کریں۔ حب ن موٹر کی معیاصر رفت اور 50 = 16.66  $\times$  50 = 16.66  $\times$  60 = 1000  $\times$  50 میٹر فی منٹ منٹ اور کی معیاصر رفت اور 50 = 16.66  $\times$  60 = 1000  $\times$  60  $\times$  60

$$jX_r' + R_r' + R_r'\frac{1-s}{s} = jX_r' + \frac{R_r'}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور  $j X_m$ متوازی حبڑے ہیں جن کی مصاوی رکاوٹ درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \frac{1}{Z} &= \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22} \\ Z &= 10.147 + j7.375 = R + jX \end{split}$$

موٹر پر لاگویک دوری برقی دباوہ  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  دول ہے۔ یوں س کن کچھے کابر تی رودرج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \hat{I}_s &= \frac{\hat{V}_s}{R_s + jX_s + Z} \\ &= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.375} \\ &= 17.6956 / \!\!\!\! -38.155^\circ \end{split}$$

اسس موٹر کے گھومتے ھے۔ کو وہی طباقت منتقبل ہوگی جور کاوٹ Z کو منتقبل ہوگی۔ یوں مساوات ۲۰۲۷ درج ذیل کاہمی حبا سستی ہے۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \text{ W}$$

تىن دوركے لئے 3177.37  $\times$  8واٹ ہو گی۔ مساوات ۷.۸۴ موٹر کی اندرونی مرکانی طباقت و تی ہے:

$$p_{3K} = 9532 \times (1 - 0.02) = 9341 \text{ W}$$

اسس سے طباقت کاضیاع منفی کرنے سے موٹر کے دھسرے پر میکانی طباقت 8741 = 600 – 9341 واٹ حساسسل ہوتی ہے البنہ ادھسرے پر قویہ مسروڑ درج ذیل ہوگی۔

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \, \mathrm{N \, m}$$

 $\sqrt{3} imes 415 imes 17.6956 imes \cos(-38.155) = 10001.97$  وائے ہوگی۔ بیوں موٹر کو کل مہپ برتی طب قت $\sqrt{3} imes 415 imes 17.6956 imes \cos(-38.155) = 10001.97 imes 10001.97$  والے ہوگی۔ ایس موٹر کی کار گزاری ہے 87.39  $\times$  100 = 87.39 ہوگی۔

### 9.۷ امالی موٹر کامساوی تھونن دوریاریاضی نمون

مسئلہ ت**صونوخ**" کے مطبابق کسی بھی سادہ خطی برقی دور <sup>۴۴</sup> کواکس کے دوبرقی سسروں کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباو کی مساوی سلسلہ وار دور سے ظساہر کسیاحباسکتا ہے۔اکس مساوی دور کومساوی تھونن دور کہتے ہیں جبکہ اکس مساوی تھونن دور کی رکاوٹ کو تھونن رکاوٹ اور برقی دباو کو تھونن برقی دباو کہتے ہیں۔

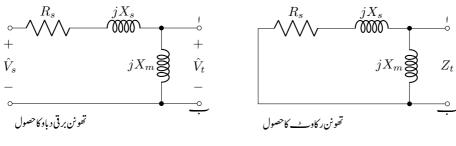
برقی دور کے دوبرقی سے دول کے نج تھونن رکاوٹ سے اسٹ ٹرنے کے لئے برقی دور کے تمسام اندرونی برقی دباو قعسہ دور کرکے ان دوبرقی سے دول کے نج تھونن برقی دباو تعسہ دور کرکے ان دوبرقی سے دول کے نج کی دکاوٹ معسلوم کی حباق ہے۔ بی ارکاوٹ ہوگا دباو برقت سے دول پر برقی دباو معسلوم کیا حباتا حباس کرنے کے لئے دیے گئے برقی دور کے تمسام اندرونی برقی دباو برقت سے دار رکھ کر ان دو سے دول پر برقی دباو معسلوم کیا حباتا ہے۔ بی برقی دباو در حقیقت تھونن برقی دباو ہوگا۔ بعض اوق تقونن دور ب ایک حناص دی تھونن دور ب تا تا ہے۔ بی برقی دباو کی تھونن دور کو اسس جھے کے مکسل طور پر منقطع کر کے درکار حصہ کا تھونن میں اوی دور حیاصل کی حیات تا ہے۔ سٹکل کے درکار حصہ کا تھونن میں اور حیاص ہوتے ہیں۔ ایت تا ہے۔ سٹکل کے درکار حیات کی تھونن برقی دباو ہوگا۔ بی تھونن رکاوٹ کے اور تھونن برقی دباو ہی کا درج ذیل حیاص ہوتے ہیں۔ ایس میں کہ بی درج ذیل حیاص کی ہوتے ہیں۔ ایس میں کی تھونن برقی دباو ہی کی دباو ہوگا۔ ہیں۔ ایس میں کی تھونن برقی دباو ہی کی دباو ہوگا۔ ہیں۔ ایس میں کی تھونن برقی دباو ہی کی دباو ہوگا۔ ہیں۔ ایس میں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی تھونن برقی دباو ہوگا۔ بی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی خوان ہوگا کی دباو ہوگا۔ ہی کی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی خوان ہوگا کی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا کی دباو ہوگا کے دباو ہوگا۔ ہیں کی دباو ہوگا کی دباو ہوگا کی دباو ہوگا کی دو سے کی خوان ہوگا کی دباو ہوگا کی دباو ہوگا کی دباو ہوگی کی دباو ہوگا کی دباو ہوگا کی دباو ہوگی کی دباو ہوگا کے دباو ہوگا کی دباو ہوئی کی دباور کی دب

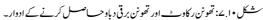
(2.72) 
$$Z_t = \frac{(R_s + jX_s)jX_m}{R_s + jX_s + jX_m} = R_t + jX_t$$
 
$$\hat{V}_t = \frac{jX_m\hat{V}_s}{R_s + jX_s + jX_m} = V_t/\underline{\theta_t}$$

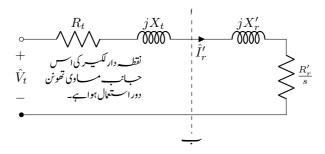
کی بھی مختلوط عبد د $jX_t$  کا محبوعہ کھیا جب سکتا ہے۔  $R_t$  اور ایک مختلوط عبد د

Thevenin theorem

۲۰۰ امالی شین







مشکل ۱۱٫۷: تھونن دور استعال کرنے کے بعب دامالی موٹر کامساوی دور۔

یمی اسس مساوات مسین کمیا گیا ہے۔ ہم یوں امالی موٹر کے مساوی برقی دور کو سشکل ۱۱۰۷ کی طسرح بن سکتے ہیں جہاں سے دوری سمتیہ کی استعال سے مندر حب ذیل برقی رو 12سل ہوتا ہے۔

$$\hat{I}_r' = \frac{\hat{V}_t}{R_t + jX_t + \frac{R_r'}{s} + jX_r'}$$
 
$$\left|\hat{I}_r'\right| = I_r' = \frac{V_t}{\sqrt{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}}$$

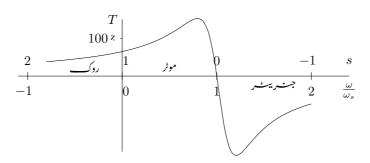
چونکہ  $I'_t$  کی قیمت پر  $\hat{V}_t$  کے زادیے کا کوئی اثر نہیں لہذا مساوی تھونن دور مسیں  $\hat{V}_t$  کی جگہ  $V'_t$  استعمال کیا حب سکتا ہے۔ اسس کتاب مسیں ایسانی کیا جب گا۔ مساوات کہ  $V'_t$  کی قومت مساوات کہ  $V'_t$  کی تعین دوری مشین کی قومت مسروڑ حساصل کرتے ہیں۔ مساوات کہ  $V'_t$ 

$$\begin{split} T &= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2} \\ &= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2} \end{split}$$

سشکل ۱۲.۷ مسیں منتی رفت اربھی و کھنائی گئی ہے جہاں سرکاو کی قیمت اکائی سے زیادہ ہے۔ موٹر کو ساکن کچھوں کے گھومتی مقناطیسی دباو کی مون کے موٹر کو میائن کچھوں کے گھومتی مقناطیسی دباو کی مون کے موٹر کے منالف رخ گھر سے تین دوری موٹر پر لا گو کسی دوبر تی دباو کو آلپس مسیں تبدیل کرنے سے موٹر کے ساکن کچھوں کے گھومتی مقناطیسی موج میکدم مین افسان رخ گھومت موٹر جبالد آہتہ ہوتی ہے اور مینالف رخ گھومت سے بی جب موٹر ابھی پہلے رخ گھوم رہی ہوتی ہے۔ اسس طسرح موٹر جبلد آہتہ ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہے اور جب موٹر ابھی کہ میں پر لا گوبرتی دباو منقطع کر دیا حباتا ہے۔ امالی موٹر یوں ریل گاڑی مسیں عصوماً عطور روکھی آرکی کی استعمال کی حباتی ہے۔

complex number rr

اب ٤٠١مالي مشين



شکل ۱۲.۷: امالی موٹر کی قویہ مسروڑ بالقابل سسر کاو۔

امالی مشین s < 0 کی صورت مسین بطور جنسریٹ ریٹ ریٹ ریٹ ریٹ ریٹ کی صورت مسین بطور موٹر اور s < 1 کی صورت مسین بطور روک کام کرتی ہے۔

امالی موٹر کی زیادہ نے نیادہ تو سے مسروڑ مساوات ہوں ہوں کی جب سکتی ہے۔ تو سے مسروڑ ای لمحہ زیادہ سے زیادہ ہوگا جب کھومتے تھے کو زیادہ سے زیادہ طاقت میسر ہو زیادہ سے زیادہ طاقت متقال کرنے کے مسئلہ  $^{83}$  کے مسئلہ  $^{84}$  کے مسئلہ  $^{84}$  کے مسئلہ  $^{84}$  مسیں طاقت کا ضیاع اسس صورت زیادہ سے زیادہ ہوگا جب (مشکل کے الامسیں) اسس کی قیمت باقی سلیلہ وار حبر ٹری احب زاء کی قیمت کے برابر ہو:

(2.3•) 
$$\frac{R'_r}{s} = |R_t + jX_t + jX'_r| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

 $s_z$ اسس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سسر کاو $s_z$  صاصل ہوگا۔

$$(2.21) s_z = \frac{R_r'}{\sqrt{R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}}$$

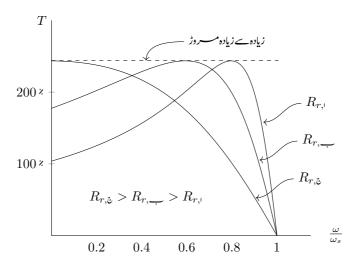
2 وات که ۱۹۵۰ کاسسر تا استال کرتے ہوکے  $R_t^2 + (X_t + X_r')^2$  کی جگہ ساوات که ۴۵۰ کاسسر تا استال کرتے ہوئے زیادہ تحق نے اورہ تحق میں اور تا میں تاریخ استال کرتے ہوئے دیا دورہ سے زیادہ تو سے مسروڑ میں تاریخ استال کرتے ہوئے کا میں تاریخ استال کرتے ہوئے کے میں تاریخ استال کرتے ہوئے کا میں تاریخ استال کرتے ہوئے کا میں تاریخ استال کرتے ہوئے کے میں تاریخ استال کرتے ہوئے کا میں تاریخ استال کرتے ہوئے کے میں تاریخ اس تاریخ استال کرتے ہوئے کے میں تاریخ اس تاریخ اس

$$T_z = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + \frac{R_r'^2}{s^2}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2}{2\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2}{2\left(R_t + \sqrt{R_t^2 + (X_t + X_r')^2}\right)}$$

maximum power theorem ra



شکل ۱۳ . ۲: بیسرونی مسنزاحمت کاقوی مسروڑ بالمقابل سر کاو کے خطوط پر اثرات۔

درج بالاکے حصول مسیں آحضری و تدم پر مساوات کے ۵۰ کا استعال دوبارہ کسیا گئیا۔

اسس مساوات کے مطباق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مسروڑ اسس کے گھومتے کچھوں کی مسزا جمت پر مخصسر نہیں ہوگی۔ سے ایک اہم معسلومات ہے جے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مسروڑ در کار رفت ارپر سے اسکتی ہے۔ آئیں دیکھتے ہیں کہ ایسانس طسرح کسیاحیا تا ہے۔

امالی موٹر کے گومتے کیجھوں کے برقی سروں کو سمرکی پیملول  $^{77}$  کے ذریعہ باہر نکالاحبا تا ہے  $^{27}$  جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیسرونی مسز احمت بوٹری حباتی ہے۔ اس طسر کی گومتے کیجھوں کی کل مسز احمت بڑھ کر بیر بن  $R_r+R$  ہو حباتی ہے۔ ایس طسر کی گومتے کیجھوں کی کل مسز احمت بڑھ کر بیر بن کی رفت ارپر حساسل موٹر کے بالاء مطابق مسز احمت زیادہ قوت مسروڑ نسبتازیادہ سر کاویعنی کم زاویائی رفت ارپر حساسل مسر کو چھر بردار موٹر ساکن حسالت ہے بی زیادہ بوجھ اٹھانے کے حسابل ہوگی۔ بیسرونی مسز احمت محمد وڑ دے گی۔ اسس طسر کی وجھ اٹھانے کے حسابل ہوگی۔ بیسرونی مسز احمت کی گور کی نوٹ مسروٹر نسبتا ہوگی۔ بیسرونی مسز احمت میں مشاطع کر کے گھوں کے برقی سرے قصہ دور کر دیے جب کی رونت اربڑھ حباتی ہے ، اسس سے بیسرونی مسز احمت میں منقطع کر کے گھوں کے برقی سرے قصہ دور کر دیے جب کی بیں۔

ہیں۔ مثال ۲.۷: صفحہ ۱۹۸ پرمثال ۲.۷مسیں دی گئی امالی موٹراستعال کریں اور رگڑ سے طباقت کے ضیاع کو نظسر انداز کریں۔

• اگرموٹر در کار دولٹ اور تعب داد پر تین فی صبد سسر کاوپر حیاں ہی ہو تب ساکن کچھے مسیں گھومتے کچھے کے حصبہ کابر قی رو // اور مشین کی اندرونی میکانی طباقت اور قوت مسروڑ حساصل کریں۔

> slip rings<sup>۲۱</sup> ۲<del>۷ ش ک</del>ل کے نمونے پر۔

\_\_\_

۲۰۴۷ بایک امالی مشین

- موٹر حیالو ہونے کے لمحہ پر قوت مسروڑ اور اسس لمحہ پر 
$$I'_r$$
 ساسل کریں۔

ئىل:

• كيرورى برقى دباوة
$$\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$$
 استعال كرتے ہوئے مساوات  $2.2$  کا مدد سے درج ذیل ہوگا۔

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

رن زیل ہوگا۔ 
$$\frac{R'_r}{s}=10.3333$$
ات تعال کرتے ہوئے درج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \hat{I}_r' &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j 0.9573 + 10.3333 + j 0.34} = 21.1 / -5.6^\circ\\ I_r' &= \left|\hat{I}_r'\right| = 21.1 \text{ A} \end{split}$$

 $229.2/0^{\circ}$  کے جگر کیں کہ مندر جب بالا مساوات مسیں  $229.2/1.246^{\circ}$  کی جگہ کے جگر کے بالا مساوات مسیں ہوتی ہے۔ استعمال کرنے ہے  $I'_{1}$  کی قیب تب بیل نہیں ہوتی ہے۔

مساوات ۲.۴۴ اور ۸۵ کی مدد سے طباقت اور قوت مسروڑ حساصل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} p_{\rm isc} &= \frac{3\times21.1^2\times0.31}{0.03}\times(1-0.03) = 13\,387.46\,\mathrm{W} \\ T &= \frac{13387.46}{(1-0.03)\times2\times\pi\times16.66} = 131.83\,\mathrm{N}\,\mathrm{m} \end{split}$$

• مساوات ۱۱.۷ زیاده طاقت پر سسر کاو درج ذیل دیتی ہے۔

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.2253$$

يوں موٹر کی رفت ار 775  $= (1-0.2253) \times 1000$  منسب ہوگی۔

- پالوکرتے کھے پر سے کاواکائی ہوگالہے نہ ا $rac{R_r'}{s}=0.31$  اور بیاں درج ذیل ہوگا۔

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j 0.9573 + 0.31 + j 0.34} = 152 / -58.14^\circ$$
 
$$I'_r = 152 \, \mathrm{A}$$

اسس لمحہ قوت مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

$$T = rac{3 imes 152^2 imes 0.31}{2 imes \pi imes 16.66} = 205 \, ext{N m}$$

۰۱. یېخب ره نمپ امالي موٹر

П

### ٠١.٧ پنجبره نمياامالي موٹر

حقیقت مسیں شکافوں مسیں پھلا تانبایا سلور ۲۹ ڈالا حباتا ہے جو ٹھنڈ اہو کر ٹھوسس ہو حباتا ہے اور وت الب کو جسکڑلیتا ہے۔ دونوں اطسران کے دائرہ نمسا قصر دور کرنے والے چھلے بھی ای طسر تر اور ای وقت ڈھسالے حباتے ہیں۔ یوں ایک مضبوط گھومت حصہ حساسل ہو تا ہے۔ ای مضبوطی کی وحب سے پخبرہ نمسالمالی موٹر بہت مقبول ہوئی ہے۔ ایک موٹریں برسوں تک بغیبر دکھے جسال کام کرتی ہیں اور روز مسرہ زندگی مسین ہر جگ پائی حباتی ہیں۔ گھسروں مسین پائی کے بہت اور چنکھے انہیں سے حیلتے ہیں۔

#### اا.۷ لے بوجھ موٹر اور حسامد موٹر کے معسائٹ

امالی موٹر کی کار کر د گی دومعائنوں سے معسلوم کی حباتی ہے جن سے موٹر کے مساوی دور کے احبزاء بھی حساصل کئے حباتے ہیں۔ ہم تین دوری امالی موٹر کی مشال سے ان معسائنوں پر بھٹ کرتے ہیں۔

#### ا.اا.۷ لے بوجھ موٹر کامعیائٹ

squirrel cage"

copper, aluminium 19

کھتے ہوئے لفظ بے بو جھ کے پہلے حسرون باادر بے کوزیر نوشت مسیں bb کھتے ہوئے لفظ بے کہ جس کے طاہر کیا گیا ہے۔

باب\_2.امالي مشين

سرانحبام دیاحباتاہے۔

لے بوجھ امالی موٹر صرف اتنی قوت مسروٹر پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر ضیاع طباقت کی وحبہ سے در کار ہو۔ اتنی کم قوت مسروٹر بہت کم سرکاو پر  $I'_+$  کم قوت مسروٹر بہت کم سرکاو پر ساصل ہو گی۔ مساوات کہ A تا جمل انداز ہو گا۔ ای بات کو صفحہ ۱۹۲ پر نہایت کم ہوگا اور اسس سے گلوخ کچھوں مسیں برقی طباقت کا ضیاع تبالی نظر انداز ہوگا۔ ای بات کو صفحہ ۱۹۲ پر مشکل کے کہ مدد سے بھی مسجھاحب سکتا ہے جہال واضح ہے کہ بہت کم سرکاوپر مسزاجت بھی سیجھاحب سکتا ہے جہال واضح ہے کہ بہت کم سرکاوپر مسزاجت بھی سیجھاحب سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے مشکل کے سما۔ امالتی ہے۔

سشکل ۱۳۰۷- کے متوازی احب زاء پر کرنے سے سشکل  $j\,X_m$  کی جگہ مساوی سلسلہ وار حبیثرے احب زاء پر کرنے سے سشکل ۱۳۰۷- سے متوازی دور کی جگہ متوازی دور کی  $X_m$  کی قیمت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔ متوازی دور کی رکاوٹ  $Z_s$  کے مسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  حساسل کرتے ہیں:

$$\begin{split} Z_m &= \frac{R_c j X_m}{R_c + j X_m} \\ &= \frac{R_c j X_m}{R_c + j X_m} \frac{R_c - j X_m}{R_c - j X_m} \\ &= \frac{j R_c^2 X_m + R_c X_m^2}{R_c^2 + X_m^2} \\ &\approx \frac{j R_c^2 X_m + R_c X_m^2}{R_c^2} \qquad \text{So } R_c \gg X_m \\ &= j X_m + \frac{X_m^2}{R_c} = j X_m + R_c^* = Z_s \end{split}$$

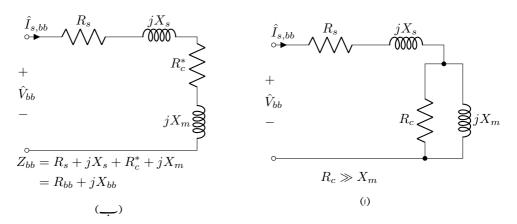
بے بوجھ ٹرانسفار مسے روں مسیس ابت دائی کچھوں کی برقی طباقت کے ضیاع کو بھی نظر رانداز کسیاحبا تا ہے۔ بے بوجھ امالی موٹروں کا بیجبان انگسینز برقی رو کافی زیادہ ہوتا ہے لہلہ ذاان کے سائن کچھوں کی برقی طباقت کے ضیاع کو نظر رانداز نہیس کسیاحبا سکتا ہے بوجھ امالی موٹر کی pbb سے تین سائن کچھوں کا برقی ضیاع منفی کرکے میکانی ضیاع طباقت سے ساسل ہوگا:

$$(2.5r) p_{bb} - 3I_{sbh}^2 R_s$$

میکانی طباقت کاضیاع بے بو جھ اور بو جھ بر دار موٹر کے لئے ایک دوسسرے جیب اتصور کسیاحب تا ہے۔ میکانی ضیاع ہیں کو نظے رانداز کرتے ہوئے شکل کے pاب میکانی ضیاع ہیں کو نظے بین میکانی می

$$egin{aligned} R_{bb}&=rac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}\ Z_{bb}&=rac{V_{bb}}{I_{s,bb}}\ X_{bb}&=\sqrt{\left|Z_{bb}
ight|^2-R_{bb}^2}\ X_{bb}&=X_s+X_m \end{aligned}$$

 $X_s$  یوں اسس معیانت ہے موٹر کی بے بوجھ متعیالیت  $X_{bb}$  ساسل ہوتی ہے۔اگر کسی طسرح ساکن کچھے کی متعیالیت معیام ہوتی اسس معیانت مسین ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں معیام ہوتی اسس مساوات سے  $X_m$  ساسل کی حیاست تی ہے۔اگلے معیائت مسین ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں گے۔



شکل ۱۴٪ نے بوجھ امالی موٹر کامعائن۔

#### ۲.۱۱.۲ حسامد موٹر کامعیائٹ

ے معائن ٹرانسفار مسر کے قصبر دور معائن کی طسرح ہے۔ اسس مسیں مشین کے رستا امالوں کی معاومات حسامسل ہوتی ہے۔ البت امالی موٹر کا مسئلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔ امالی موٹر کے رستا امالہ گھومتے کچھوں مسیں برقی تعدد اور وسالب کے سیر اب ہونے پر مخصسر ہوتے ہیں۔

 $I_{s,rk}$  اسس معیائیت مسین امالی موٹر کے گھومتے ھے۔ کو حسر کت کرنے سے زبر دستی روک دیاجباتا ہے جب کہ ساکن لیھوں پر بسیبرونی برقی دیا و  $V_{rk}$  لاگو کر کے برقی طب اقت  $p_{rk}$  اور ساکن کیھوں کے برقی روگ  $I_{s,rk}$  نالے حب تے ہیں۔ اصولی طور پر سے معیائیت ان حسالات کومد نظر در کھ کر کسیاحب اتا ہے جن پر موٹر کی معیافیمات در کار ہوں۔

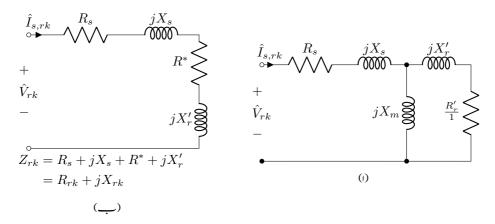
 $f_e$  کی موٹر حپالو کرنے کے لمحہ پر موٹر کا سر کاواکائی ہو تا ہے اور اسس کے گھوتے کچھوں مسیں روز مسرہ تعدد  $f_e$  کر بی تاریخ کی ترکار ہوں تب موٹر کے ساکن کچھوں پر روز مسرہ تعدد  $f_e$  ، کا اتنابی تی روو النسانی تی اگر میں اگر ہوں تب موٹر کے ساکن کچھوں کے مسین او جھوں مسین برقی روو  $I_{t=0}$  پیدا ہو۔ ای طسر آگر بر متسر ار حپالو حسالت مسین بو جھر دار موٹر کے نسائی در کار ہوں جب موٹر کا سر کاوی اور اسس کے گھوت کچھوں مسین برقی رو  $I_{t\to\infty}$  ہوتے ہیں تب معسائنہ مسین  $f_e$  تعدد کے برقی دباوا ستعال کے حبائیں گے اور اسس کی قیمت اتی رکھی حبائے گی جتنی سے گھوت کچھوں مسین برقی تعدد کے اثر است میں نظر راندان کا معائنہ  $f_e$  تعدد کے برقی دباو بری کے ساخت کے موٹر کی موٹروں مسین برقی تعدد کے اثر است میں نظر راندان کا معائنہ  $f_e$  تعدد کے برقی دباو بری کے سے جاتا ہے۔

یہاں صفحہ ۱۹۱ کے مشکل 2.2 کو رکے (ٹ)کن) موٹر کے معیائٹ کے نقطہ نظسر سے دوبارہ دیکھتے ہیں۔ رکے (ٹ)کن) موٹر کا معیائٹ میں معیائٹ میں 191 کے معیائٹ میں 191 کے معیائٹ موٹر کا اور کے معیائٹ میں موٹر کا سرکاوا کائی ہوتا ہے۔ مسئریہ، اسس معیائٹ کو نظسر انداز کیا جب مشکل میں  $R_c$  کو کھیلے دور کرنافت ابی منسائ کو نظسر انداز کرنے کے مسیرادون ہے۔ ایسا کرنے سے مشکل 201 - املی ہے۔ چونکہ S=1 ہے البند ااسس مشکل میں S=1 کو کھیلے دور کرنافت کی مسیرا

t=0اس لھے کے برتی رو کو چھوٹی کھے آئی مسین وقت صف رے مشلک کے اگری اور کو چھوٹی کھے آئی مسین وقت صف برگرتی ہے کہ موٹر کافی دیرے حیالوہ اور پیدا ایک برقت رار رفت ارتک می گئی ہے۔  $t\to\infty$ 

\_

۲۰۸ پاپے۔ امالی مشین



مشکل ۱۵.۷: حسامدامالی موٹر کامعسائن۔

سشکل ۱۵.2 ا - امسیں  $jX_m$  اور  $(R'_r+jX'_r)$  متوازی حبڑے ہیں جن کی جگہ ان کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ پر کرنے سے سٹکل ۱۵.2 - بہ حساصل ہو گی۔ متوازی رکاوٹ  $Z_m$  کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  حساصل کرتے ہیں:

$$\begin{split} Z_m &= \frac{jX_m(R'_r + jX'_r)}{R'_r + j(X_m + X'_r)} \\ &= \left(\frac{jX_mR'_r - X_mX'_r}{R'_r + j(X_m + X'_r)}\right) \left(\frac{R'_r - j(X_m + X'_r)}{R'_r - j(X_m + X'_r)}\right) \\ &= \frac{jX_mR'^2 + X_mR'_r(X_m + X'_r) - X_mX'_rR'_r + jX_mX'_r(X_m + X'_r)}{R'^2 + (X_m + X'_r)^2} \\ &= \frac{X_m^2R'_r}{R'^2_r + (X_m + X'_r)^2} + j\frac{(X_mR'^2_r + X_m^2X'_r + X_mX'^2_r)}{R'^2_r + (X_m + X'_r)^2} \\ &= R_s^2 + jX_s^2 = Z_s \end{split}$$

ان ما وات میں  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور کا دیار ہوگا۔

$$(2.22) \hspace{1cm} R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$
 
$$(2.24) \hspace{1cm} X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_s^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_s^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_s^2} \approx X_r'$$

#### حبدول ا. ۷: متعساملیت کی ساکن اور گھومتے حصوں مسیں تقسیم۔

$X'_r$	$X_s$	حناصيت	کھومتاح <i>ے</i>
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	کار کر دگی گھومتے ھے کی مسنزاحمت پر منحصب ر	لبيٹاہوا
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	عسمومی ابت دائی قوت مسروڑ، عسمومی ابت دائی رو	Aبناوك
$0.6X_{rk}$	$0.4X_{rk}$	عب وی ابت رائی قوی مسروڑ، کم ابت رائی رو	Bبناوك
$0.7X_{rk}$	$0.3X_{rk}$	زیاده ابت دائی قو مسروڑ، کم ابت دائی رو	Cبناوك
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	زیاده ابت د ائی قو مسر وڑ، زیاده سسر کاو	$D_{-}$ بناو <u>ا</u>

اسس معائن۔ مسین پیپ کشش کی گئی قیمتوں اور سشکل ۱۵۰۔ بے درج ذیل حساصل ہوگا۔

رد.۵۹) 
$$Z_{rk}=\frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$
  $R_{rk}=\frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$   $X_{rk}=\sqrt{|Z_{rk}|^2-R_{rk}^2}$ 

اسس مساوات کے پہلے حسنرہ مسیں پیسائٹی برقی دباو اور برقی روے رکاوٹ حساس کی گئی ہے۔ اسس طسرح دوسسرے حسنرہ مسیں مسنراحت اور تیسسرے مسیں متعسالمیت کاحساب لگایا گیا ہے۔ مشکل کے ۱۵۔ بے درن ذیل واضح ہے۔

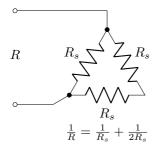
$$(2.7•) X_{rk} = X_s + X_r'$$

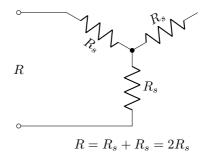
امالی مشین مختلف خواص کے بین نے حباتے ہیں۔ عیام آدمی کی آب نی کے لئے ایسی مشینوں کی در حب بیندی کی حباتی ہے۔ حبدول کے امسیں پخبرہ نم امالی موٹر کی مختلف اقسام A,B,C,D اور ایسی مشین جن کا گھومت حصہ کچھے پر مشین ہو، کی رستا متعبالیت ملیت  $X_{rk}$  کو ساکن اور گھومتے کچھوں مسین تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اسس حبدول کے مطبابق، گھومتے کچھو والی مشین مسین ساکن اور گھومتی متعبالیت ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل کے ۔ 10۔ بسب مسین مسین میں ساکن اور گھومتی متعبالیت ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل کے ۔ 10۔ بسب مسین کے کی مسزاحمت ہی مراحمت ہی مدرسے ناپ کر دری ذیل حساس کیا جہا ہے۔ حساس کی مسین ساکن کی مسزاحمت ہی میں میں ساکت ہے۔ حساس کی حساس کے جانگ ہیں۔ ساکت کے جانگ ہیں کی مسین میں میں کو مسین کی مسین میں کو کھوں میں کی مسین کے کی مسین میں کو کھوں میں کو کھوں میں کو کھوں کو کھوں کو کھوں میں کو کھوں کو کھوں کو کھوں کو کھوں کی کو کھوں کے کھوں کو کھوں ک

$$(2.1) R^* = R_{rk} - R_s$$

Ohm meter "

الب ٤ امالي مشين





شکل ۱۷۔ ۲: ستارہ اور تکونی حبٹری موٹروں کی ساکن کچھوں کی مسنز اجمہ کامسنز اجمہ ہیںا کی مدد سے حصول۔

حبڑی موڑ کے لئے مسزاحت ہیں  $2R_s$  مسزاحت دے گاجبکہ تکونی حبڑی موڑ کے لئے یہ  $\frac{2}{3}R_s$  مسزاحت دے گا۔

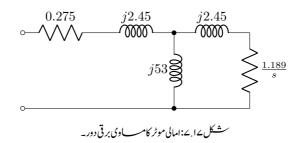
مثال 2.2: ستارہ، حیار قطب، پھیاسس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر جیلنے والی موٹر کے معیائے کئے حیاتے ہیں۔ موٹر کی مسابق ہے۔ مسزاحت پیسا کی بھی دوبر تی سروں کے ﷺ 5.5 اور ہم جواب دیت کی بھی دوبر تی سروں کے ﷺ 500 اور کا 415 پر کرتے ہوئے بر تی رو A 4.1 اور طباقت کاضیاع W 906 ناپاحباتا ہے۔ حیامد موٹر مسائنے۔ Hz اور کس 50 پر کرتے ہوئے بر تی رو A 1.3 اور طباقت کاضیاع W 850 ناپاحباتا ہے۔ اسس موٹر کا مساوی مسائنے۔ 15 اور کا 50 پر کرتے ہوئے بر تی رو A 13.91 اور طباقت کاضیاع کی 20 پر کرتے ہوئے بر تی رو کی میکائی طباقت سے ساسل کریں۔

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965 \Omega$$
$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439 \Omega$$
$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 \Omega = X_s + X_m$$

رے موٹر معائنہ کے نتائج کے  $X_s$  ساصل کرنے کے بعب  $X_m$  سال ہو گی۔ سال کن کچھے کی مسز اجمہ سیں اس برقی روپر کل سے اور س

$$3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 = 13.87 \,\mathrm{W}$$

بر تی طباقت کاضیاع ہو گالہنے ار گڑ اور دیگر ضیاع طباقت 892 = 13.86 – 906 واٹ ہو گا۔



$$R_{rk}=rac{850}{3 imes13.91^2}=1.464\,\Omega$$
 
$$|Z_{rk}|=rac{850}{3 imes13.91^2}=1.464\,\Omega$$
 
$$|Z_{rk}|=rac{28.9}{13.91}=2.07\,\Omega$$
 
$$X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46\,\Omega$$
 
$$X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46\,\Omega$$
 
$$X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46\,\Omega$$
 
$$X_{rk,50}=rac{50}{15} imes X_{rk,15}\approx 4.9\,\Omega$$
 
$$X_{rk,50}=\frac{50}{15} imes X_{rk,15}\approx 4.9\,\Omega$$
 
$$X_{rk,50}=\frac{4.9}{100}\,\Omega$$
 
$$X_{rk,50}=\frac{4.9}{100}\,\Omega$$
 
$$X_{rk,50}=\frac{4.9}{100}\,\Omega$$
 
$$X_{rk,50}=\frac{4.9}{100}\,\Omega$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53 \,\Omega$$

يونكه  $R_s=0.275$ او تم يے لہنـذا

$$R'_r = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189 \,\Omega$$

ہوگا۔ مساوی برقی دور ششکل 2۔ 2امسین و کھایا گیا ہے۔ پانچ فی صد سسر کاوپر اندرونی میکانی طباقت کی حناطسر بائین حبانب کا تھونن مساوی دور استعمال کرتے ہوئے درج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \hat{V}_t &= 229/0.2833^{\circ} \\ Z_t &= 0.251 + j2.343 \\ \left| \hat{I}'_r \right| &= 9.346 \, \mathrm{A} \\ p_m &= \frac{3 \times 9.346^2 \times 1.189 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 5919 \, \mathrm{W} \end{split} \tag{67.2.343}$$

۲۱۲ بالی مشین

#### اب۸

## يك سمت رومثين

کے سمتے رو مشہرے یک سمت روابر قی طباقت پیدا کرتی بین یا یک سمت روبر تی طباقت سے حیاتی بین یک سمت روبر تی طباقت سے حیاتی بین یک سمت روبر تی طباقت سے حیابو کی سمت روبر قبط ہوری ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر لے رہے ہیں جن کی رفت ار قوری برقیائے اسے حیابو کی حیات جندر سندر جو تے ہیں جن کے اندر نسب ڈالوڈ اید لت اوج دورور مسین گاڑیوں کے یک سمت محسر کے برقی دباو مسین سبدیل کرتے ہیں۔

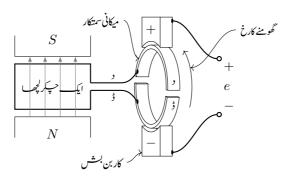
اسس باب مسین دوقطب کے یک سمت مشینوں کا مطالعت کیا حیات گاڈیکانی سمت کاروالے یک سمت مشینوں مسین میں میں دیا تھی جب کو کے کہا گھومت ہے۔

## ۸.۱ میکانی سمت کار کی بنیادی کار کردگی

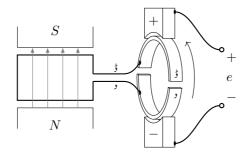
جسریسٹر بنیادی طور پر بدلت برقی دباو ہیدا کرتا ہے۔ یک سمت جسند سے اندر نسب میکانی سمق کار میکانی طریق سے سروان پر فسروان پر کاد کھایا گیا ہے میک کاد کھایا گیا ہے جہاں جسروان کود اور ڈسے ظاہر کسیا گیا ہے جو سمت کار کے داور اگر حی حقیق مسین کیجسازیادہ حیکر کا ہوگا۔ قوی کچھ کے برقی سروان کود اور ڈسے ظاہر کسیا گیا ہے جو سمت کار کے داور دھوں کے ساتھ حبٹرے ہیں۔ قور کریں (میکانی سمت کار ایک بی دھسرے پر نسب ہوتے ہیں لہذا دونوں ایک ساتھ حسر کست کرتے ہیں۔ تصور کریں (میکانی سمت کار سے کچھ کی طسرون دیکھتے ہوئے) مقتاطیسی میدان مسین دونوں گھٹری وار گھوم رہے ہیں۔ مقتاطیسی میدان افقی سطح مسین اس کے کرنے ہوگا جے نو کدار لکسیروں ہے دکھایا گیا ہے۔ سمت کار کے ساتھ ساکن کاربن بشوں سے برقی دباو کو جسند سٹر کے باہر ساتھ ساکن کاربن بشوں کے برقی ہوں کو جسند سے باہر منفی عمدام میں پیدا برقی دباوہ کی وجب سے کیسے کا سرو مثبت اور ڈمنفی ہے۔ یوں سمت کار کا حصد د

dc, direct current power electronics diode

commutator



#### شکل ۸.۱ میکانی سمت کار۔

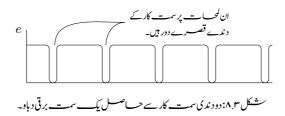


*ٹ*کل ۸.۲: آدھے حپ کر کے بعب د بھی بالائی کُش مثبت ہی ہے۔

مثبت اور حصہ ؤمنفی ہوں گے لہنہ اکار بن کا + عسلامت والابش مثبت اور – عسلامت والابش منفی ہوگا۔ یوں بیسر ونی بالائی تار مثبت اور خیلی تار منفی ہوں گے۔ آدھا حیکر بعد ، جیسا شکل ۲۸ مسیں دکھیا گیا ہے ، حنبائی درز مسیں کچھا کے داور ڈاطسر اون آبس مسیں جگہ سیں تبدیل کر چیے ہوں گے۔ کچھا کے داور ڈاطسر اون اب بھی سمت کار کے داور ڈھوں کے ساتھ حبٹرے ہیں۔ کچھ پر برقی دباوالٹ ہے اور اسس کا سر دمنفی اور ڈمٹبت ہیں۔ بیس سمت کار کی کار کردگی پر نظسر رکھیں۔ اور اسس کا سر دمنفی اور ڈمٹبت ہیں۔ بیس اسمت کار کی کار کردگی پر نظسر رکھیں۔ اب بھی کاربن کا + عسلامت والابش مثبت اور – عسلامت والابش منفی ہے۔ یوں جسنر سے بسے رونی برقی سے سرونی برقی ما بین برقی دباو ہو تا ہے لہندا ان کو عنس سروں پر اب بھی بالائی سر مثبت اور حسرے سے دور رکھا حسال کی مددے ایک دوسرے اور دھسرے سے دور رکھا حساتا ہے۔

گومتے وقت ایک ایب المحبہ آتا ہے جب سمت کار کے دانتوں کو کاربن بہش قعسر دور کرتے ہیں۔ کاربن بہش محیط پر اسس طسرح رکھے حباتے ہیں کہ جس لمحبہ کچھے مسیں برقی دباو مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہونا حیا ہے۔ کاربن کے بہش کچھے کو قعسر دور کرتے ہوں۔ چونکہ اسس کمحبہ کچھے پر محسر کے دباو صف بر ہوتا ہے المبائذ ااسے قعسر دور کرنے سے کوئی نقیسان نہیں ہوتا ہے۔ یوں حساس برقی دباو سشکل ۸۔ ۳ مسین دکھے پاگیا ہے۔

یہاں دو دندی سمت کار اور دو مقن طیسی قطب کے درمیان گھومت ہوا ایک قوی لچھا د کھایا گیا ہے۔ حقیقت مسیں جنسر سٹر کے متعد د قطبین ہول گے اور فی قطب سمت کار کے گئی دندے ہول گے۔ چھوٹی مشینوں مسیں مقن طیسس



ہی مقت طبیعی میدان منسراہم کر تاہے جب کہ بڑی مشینوں مسیں مقت طبیعی میدان ساکن میدانی کچھے منسراہم کرتے ہیں۔ دونوں اقسام کی مشینوں کے کچھے تقسیم شدہ ہوتے ہیں۔ اب ہم زیادہ زیدوں کے ایک سب کار کودیکھتے ہیں۔

#### ا.۱.۱ میکانی سمت کار کی تفصیل

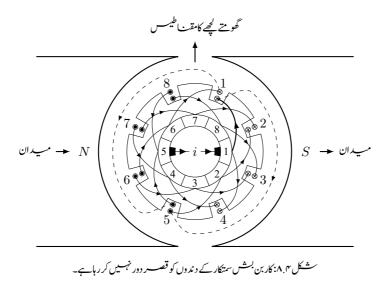
پہلے حسب مسین سمت کارکی بنیادی کارکردگی پر غور کیا گیا۔ اس حصب مسین اسس پر تفصیلی بات کی حبائے گی۔ شکل مسین اندر کو سمت کار ہے جس کے دندوں کو گستی لگائی گئی ہے۔ اس شکل مسین اندر کو سمت کار ہے جس کے دندوں کو گستی لگائی گئی ہے۔ سمت کارکی اندر حبانب دوعہد کاربن بنش ہیں جن سے بسیرون برقی رو نو ساصل کی حباتی ہے۔ شگافوں کو بھی گستی لگائی گئی ہے۔ جنسریٹسر کے دو قطب اور آٹھ شگاف ہیں۔ اسس طسرت اگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب وسسرے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف ۔ 1 اور 5 ایک دوسسرے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوسسرے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوسسرے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں جبکہ شگاف

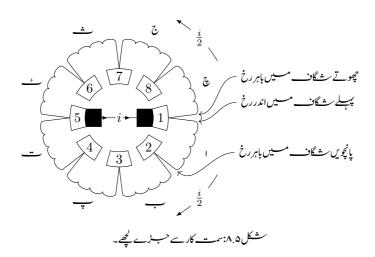
جیب سنگل ۲.۸ مسیں دکھ یا گیا، اگر کچھے کا ایک طسر و نشمالی قطب کے سامنے ہو تب اسس کا دو سرا طسر و ن ایک قطب و ناصلہ پر، جنوبی قطب کے سامنے ہو گا۔ کچھوں کو مشگانوں مسیں رکھا حباتا ہے۔ یوں سنگل ۲.۸ مسیں اگر ایک کچھ کا ایک طسر ن شگان 1 مسیں ہو تب اسس کا دو سرا طسر ن ، ایک قطب و ناصلہ پر، شگان 5 مسیں ہو گا۔ قطب و ناصلہ پر، شگان 5 مسیں ہو گا۔ قشقت مسیں ہر شگان مسیں دو کچھے رکھے حب تے ہیں۔ ایک کچھے کو شگان مسیں کورے دور رکھا حباسا تا ہے۔ ایس کرنے کے لئے ہمیں دو مختلف جسامت مسیں کچھ تیار کرنے ہوں گا۔ مورے و تسریب رکھا گیا ہوں کو پہلے تیار کرنے ہوں گے۔ مورے و تسریب رکھا گیا ہوگا ہے۔ اس سے بہتر ترکیب موجود ہے۔ و دور چو دھیت مسیں استعال ہوتی ہے۔

بہت ترکیب مسیں ایک لچھے کے ایک طسر ن کو ایک شگان مسیں محور کے مت ریب اور ، ایک قطب و ناک شکری مسیں باقی اللہ و فال مسیں باقی اللہ و ناک مسیں باقی اللہ و ناک کے مسیں باقی اللہ و ناک کہ و مسامات پر رکھا حباتا ہے۔ یوں دونوں کچھوں کی جسامت ایک دوسرے جیسے ہوگی اور ان مسیں اتنی ڈھیل ہوگی کہ انہیں شکا فوں مسیں باآب نی رکھا حب سے۔

اب شکل ۸. ۴ کو تفصیل سے مسجھے ہیں۔ شگانوں مسیں موجود کچھوں مسیں برقی روکے رخ نقطہ اور صلیب سے ظہار کئے ہیں۔ نقطہ کانشان اسس کے محتالف رخ روکو طاہر کرتا ہے جب کہ صلیب کانشان اسس کے محتالف رخ روکو ظہار کرتا ہے جب کہ صلیب کانشان اسس کے محتالف رخ روکو ظہار کرتا ہے۔ یوں پہالا (1) شگان مسین برقی روصف کو عصودی اندر رخ ہے۔ مشین کا تحور کتا ہے۔ مشین کا تحدر کتا ہے۔ مشین کتا ہے۔ مشین

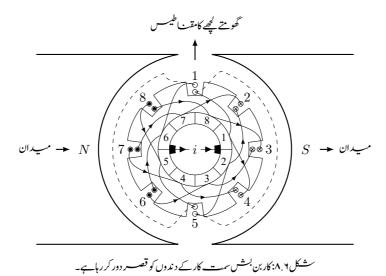


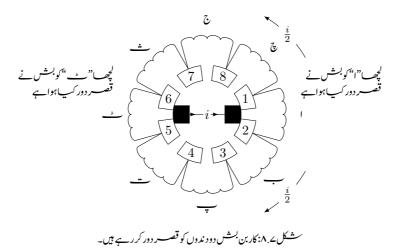




مشین کا (فتری، بالائی)" بین نے "طسر آرہا ہے جبکہ (ہم ہے دور)" نے پاا" طسرون ہمیں نظر ہمیں آرہا ہے۔" بین آرہا ہے۔" بین "طسر آرہا ہے۔" بین "اردا کو نقط دار دکھایا گیا ہے۔ ہمیں کی محور نے آنے دالے کا تاروں کو نقط دار دکھایا گیا ہے۔ ہم شکان مسیں دو کچھ دکھائے گئے ہیں جن مسیں ہا ایک مشین کی محور کے فتریب "اندر" جبانب اور دو سرامحور ہے دور "بہر" جبانب ہے۔ پہلا (1) شگان مسیں "اندر" جبان سیر کا نشان برقی رو کے رن کو ظاہر کرتا دانت ہے حبران شیر کا نشان برقی رو کے رن کو ظاہر کرتا ہے۔ شکان اس جوڑ کو موئی شیر در کر اندرونی معتام میں کا کر سے کچھا شگان کی میں "نجیا "طسرون ہے۔ شکان اس جوڑ کو موئی شیر دون ( کے اندرونی معتام ) نظا کر کہا گیا گیا ہے۔ ای طسرون کے در کی معتام میں کرا اس بوتا ہے۔ اس بات کو نقط دار لکی دے دکھایا گیا ہے۔ ای طسرون کا گانت ہو گانت کی میں "اندر" جبانب اور شگان میں "اندر" جبانب اور شگان میں "اندر" جبانب اور چھے شگان میں "اندر" جبانب اور چھے شگان میں "اندر" جبانب اور چھے شگان میں "اندر" جبانب اور دوسرا طسرون آیک کے لئے انہیں بین سے ہیں جر کچھے کا ایک طسرون شکان میں "اندر" جبانب اور دوسرا طسرون آیک کے لئے انہیں بین سے ہیں جر کھے کا ایک طسرون کھی کہا گان میں بیا ہوں کو گئی ہیں۔ آپ جو کھی کا ایک طسرون کھی کہا کہ دوسرون کھی کہا ہیں ہیں جو کھی کہا ہیں ہی ہوں کو ان بین ہو مشین میں برتی رو کے گئی ہیں۔ آپ جبید سمت کا درین کے بھی حبیل میں گھوں کو ان ب ، پ ، وغیرہ کھا کے گئی ہیں۔ اس شکل میں گچھوں کو ان ب ، پ ، وغیرہ کھائے گئی ہیں۔ اس شکل میں گچھوں کو ان ب ، پ ، وغیرہ کھائے گئی ہیں۔

شکل ۵.۸ مسین کاربن بشش سے برقی روسمی کار کے پہلے دانیہ سے ہو تا ہوا دوبر ابر حصوں مسین تقسیم ہو کر دو یک ال متوازی راستوں بہتاہے۔ایک راستہ سلیلہ وار حبڑے ا، ب، پ اور ت کچھوں پر مشتل ہے جبکہ دو سراراستہ سلىلە دار حبىڑے ئے، ش، ئادر چ لچھوں پر مشتل ہے۔ ب دوعب دوسلىلە دار راسىتے آلپس مسين متوازى حب رُب ہیں۔ برقی روکے رخ نقطے دار نوکے دار لکپ روں سے ظہام کے گئے ہیں۔ دومتوازی راستوں سے گزر تابرقی روایک مسرت ہے دوبارہ مسل کر ایک ہوجیا تاہے اور سمت کار کے بانچویں دانت سے حبٹرے کاربن بشس کے ذریعیہ مشین سے باہر نگل حیا تا ے۔ گلومتے حصہ کے شگافوں مسیں موجود کیچھوں کا برتی رو، مقناطیسی دباویپیدا کرے گاجو ساکن مقناطیسی دباو کو عسودی ہو گا جیب سشکل ۴.۸ مسیں د کھایا گیا ہے۔ گلومتے کچھوں کے مقن طبیبی دیاو کارخ حساننے کے لئے شکل ۴.۸ کے شکافوں مسیں برقی رویر نظرر کھیں۔ بائیں حبانب حیار شگافوں مسیں روصفحہ سے باہر جبکہ دائیں حبانب حیار شگافوں مسیں روصفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی حیار انگلیوں کو انہیں کے رخ گھمانے سے انگوٹھ میدان کارخ دے گا۔ آپس مسیں ت ائے۔مقت طیسی دباود ھسرے پر گھٹڑی دار قوت مسروڑ پیدا کریں گے۔ یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعال کی حبار ہی ہوتے ہے گھٹڑی دار گھومے گی اور کاربن بشس پر ایب ہیں رونی یک سمت برقی دیادلا گوہو گاجو د کھائے گئے برقی روپ پر اکر تاہو۔ اب تصور کریں کہ مشین ایک جنسریٹ رکے طور پر استعال کی حیار ہی ہے جس کو منبان گھٹڑی ہیں۔ونی میکانی طاقت ہے گھسایاحبارہاہے۔سمت کارکے آدھے دانت کے برابر حسرکت کے بعد جنسریٹر شکل ۲۸مسیں د کھائے گئے حسالت مٹین ہو گا جہاں دایاں کاربن بشن سمت کار کے بہلے اور دوسرے دانت کو قصر دور جبکہ بایاں کاربن بشس یانچویں اور حیطے دانہ کو قصر دور کرتے ہیں۔ یوں پہلے اور یانچویں شٹافوں کے کیچے قصر دور ہوں گے جبکہ باقی شگافوں کے کچھوں مسیں حسیب معمول برقی رو ہو گاجو پہلے کی طسرح اسے بھی ساکن کچھوں کے مقت طیسی دباوے عسودی مقت طیسی دباویپیدا کریں گے۔ آپ گھومتے کچھوں کے میدان کارخ دائیں ہاتھ کے متانون سے حبان سکتے ہیں۔ بائیں حبانب تین شگافوں مسیں روصفحہ ہے باہر جبکہ دائیں حبانب تین شگافوں مسیں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی حب ارانگیوں کوانہ میں کے رخ گھمائیں۔انگوٹشامبدان کارخ دے گا۔اسس لمجہ کی وضاحت مشکل ۸۔۷ مسیں کی گئی ہے۔





مشین جب سمت کار کے ایک دانت کے برابر حسر کت مکسل کرلے تو کارین بشش دوسسرے اور چیٹے دانت سے حبٹر حب ئیں گے۔ پہلے اور پانچویں سشگافوں مسیں برقی رو کارخ پہلے کے محتالف ہو جب نے گاجب کہ باقی سشگافوں مسیں برقی رو کے رخ بر مسیر اور ہیں گے۔ گھومتے کچھوں کابر قی دباوا ہے بھی ای رخ ہوگا۔

حبتے دورانی کے لئے کاربن بشس دو کچھوں کو قعسر دور کرتے ہیں ات وقت مسیں ان کچھوں مسیں برقی رو کارخ الیہ ہو حب تا ہے۔ کو مشش کی حباتی ہے کہ اسس دوران برقی رو وقت کے ساتھ ہتدر تئتبدیل ہو۔ایسان ہونے سے کاربن بشس سے چنگاریاں نگلی ہیں جن سے بسٹ رہاد ، قعسر دور کچھوں مسیں پیدا برقی دباو ، قعسر دور کچھوں مسیں پیدا برقی دباو ، قعسر دور کچھوں مسیں گومت ناکارہ برقی روپید اگر تا ہے جو ہمارے کی کام کا نہیں ہو تا ہے۔ کچھے اور کاربن بشس کی مسز احمت اسس ناکارہ روکی قیست تعین کرتے ہیں۔

حقیقت مسیں یک سمت جنسریٹ مسیں فی قطب در جن دانت کاست کار استعال ہو گا اور اگر مشین بہت چھوٹی نے ہو تواسس مسیں دوسے زیادہ قطب ہوں گے۔

## ۸.۲ کی۔ سے جنسریٹ رکابرقی دباو

گزشتہ حسے کے مشکل ۵.۸ مسیں ا، ب، پ اورت کچھے سلمہ وار حبٹرے ہیں۔ ای طسرح ٹ، ش، خ اور ج کچھے سلمہ وار حبٹرے ہیں۔ ای طسرح ٹ، ش، خ اور ج کچھے سلمہ وار حبٹرے ہیں۔ حسب ۳.۵ مسیں مساوات ۲۳۵ یک کچھی یک سمت جنسریٹر کا محسر کے بین وباو آج دیتی ہے۔ اے پیساں یا دو هیانی کے لئے دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$(A.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

 $^{\alpha}$ ن کی درزمسیں یک ان  $B_m$  کی صورت مسیں تمسام کچھوں مسیں ایک جیب محسر کے برقی دباوی داہوگا۔ ہوں مشکل ۸.  $^{\alpha}$  مسیں دکھنے کے کھیے کے محسر کے برقی دباو  $^{\alpha}$  دباو گلست ہوگا

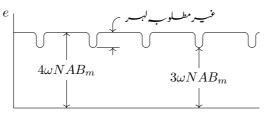
$$\begin{array}{cccc} e=e_{\mbox{\tiny $I$}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $I$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $L$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}\\ =e_{\underline{\mbox{\tiny $I$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $L$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}\\ =4\omega NAB_{m} \end{array}$$

جب مشکل ۱.۸ مسیں دکھائے گئے لمحہ پر e صرف تین کچھوں کے محسر کے برقی دباو کا محب وعہ ہو گا (مشکل ۲۵۸ سے رجوع کریں):

$$\begin{array}{c} e=e\_+e\_+e\_\\ =e\_+e_{\tilde{c}}+e_{\tilde{c}}\\ =3\omega NAB_m \end{array}$$

سشکل ۸.۸ مسین آٹھ دندی میکانی سے کارے حساس برتی دباود کھسایا گیاہے جہاں یک سے برتی دباو پر سوار غیب رمط اوب لہب نظب آرہی ہیں۔اگر جنسریٹ کے ایک جوڑی قطبین پر ۱ کچھے ہوں تب سشکل ۵.۸ کی طسر حب دو 2 سلمہ وار کچھوں جتنا محسر کے برتی دباوہ سید اکرے گا۔

$$(\text{A.r}) e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$



شکل ۸.۸: آتھ دندی مکانی س**ے ک**ارسے حساسل برقی دیاو۔

 $(\wedge.\Delta)$  س صورت میں غیبر مطبوب لہبرکل یک سمت برقی دباوی تقسریب  $rac{\omega N\phi_m}{rac{n}{\Omega}N\phi_m} imes100=rac{2}{n} imes100$ 

نی صد ہو گا۔ یوں فی قطب دندوں کی تعبداد بڑھانے سے زیادہ ہموار برقی دباوحسامسل ہو گااور عنب مطسلوب لہسپر متابل نظری این دیں گ

نگلے راند از ہوگی۔  $B_m$  نظر کریں کہ مشکل ۸.4 کی مشین کی حشان درز مسیں  $B_m$  غلید ریکس ہے۔ اب کچھوں مسیں محسر کے برقی دباو مساوات ۸.۸ کے تحق ناویوں پر مختلف اولوں پر مختلف ہوگا۔ اسس طسرح مشین سے حساصل کل برقی دباو حپار سلسلہ وار مختلف محسر کے مختلف محسر کے مختلف کرتے دباوکا محبوعہ

$$(A.Y) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

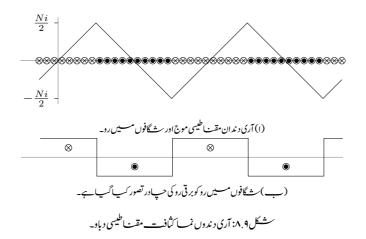
 $e_1, e_2, \cdots$  ہو گاجباں  $e_1, e_2, \cdots$  مختلف کچھوں کے محسر ک برقی دیاوہیں۔

شنگل ۸. ۴ مسیں گومتے حصہ کو ایک دندان کے برابر حسر کت دینے ہے دوبارہ بھی شنگل حسامس ابو تا ہے المهندا ایک دندان حسر کت کے بعد حسامس ابر ق دباو بھی دوبارہ وہی ہوگا۔ میکائی سمت کارکے فی قطب دندوں کی تعداد بڑھ سے نے ایک دندان حسر کت بہت چھوٹی ہوگا دہوا گاہ متافی درز مسیں ہمواری کے ساتھ تسبدیل ہوتے کثافت مقت اطبعی بہاو کی صورت مسیں اتن کم حسر کت کے احساطے مسیں ہمواری کے ساتھ تسبدیل موت کثافت ہموت اطبعی بہاو کی صورت مسیں اتن کم حسر کت کے احساطے مسیں قبدیلی متابل نظر انداز ہوگا وار سے ہوگا وار سے کو کیاں تصور کیا حب سائل ہے۔ یوں اگر کچھا ایک دندان کے احساطے مسیں حسر کت کرے تو اسس مسیں محسر کے برقی دباوت کی وباوت کی جس کے برقی دباوت کے دباوت کے بیان سے میں اگر حب میں ہوگا۔ وہوائی مسیں کو دندان احساطے مسیں یہی رہے گا۔ یوں اگر حب بورگ وہوائی ہوگی۔ کو سرک برقی دباو (جو ان مسین ان مسین کے ہرایک کی ایک مسین کی رہے گا۔ یوں اگر حب ۱۹۰۰ وہوائی میں دیا گیا محسر کے برقی دباو (جو ان مستقل قیتوں کا محبوع ہوگا) بھی ایک مستقل ہوگا۔

 $B_m$  ہم نے دیکھا کہ حنائی درزمسیں ہمواری کے ساتھ تبدیل ہوتے  $B_m$  کی صورت مسیں جنسریٹ سے معیاری یک سست محسر کسیں جوئی درزمسیں ہمواری کے ساتھ جنسر مسیں  $B_m$  سائن نمسار کھناخر وری ہوتا ہے۔ نہسایت چھوٹی کے سمت مشینوں کے حنائی درزمسیں  $B_m$  یکساں رکھا حباتا ہے جب کہ بڑی مشینوں مسیں اے ہمواری کے ساتھ تبدیل کسیاحباتا ہے۔ جیسا اوپر ذکر ہوا عملاً میکائی سمت کار کے دندوں تک کچھوں کے سرول کی رسائی مسکن تب ہوتی ہے جب ہر سشگان مسیں دو کچھور کھے رکھے رکھے رکھے ہوتیں۔

شگافوں کی تعبداد n ہونے کی صورت مسیں شگافوں کی جوڑیوں کی تعبداد  $\frac{n}{2}$  ہوگی۔ شگافوں کی ایک جوڑی مسیں کا کچھ پائے حباتے ہیں لہندا کچھوں کی کل تعبداد n ہوگی۔ اگر تمسام کچھوں مسیں ملا کر N حب کر ہوں تب ایک کچھے مسیں 2

۸٫۳ قوت مسروڑ



 $\frac{N}{n}$  حیکر ہوں گے اور ایک شگان کے دو لچھے، مقن طیسی میدان میں  $\frac{2NI}{n}$  کی تبدیلی پیدا کریں گے۔ یوں بالکل و تسریب فت مقن طیسی دباو کی مون پیدا ہو گل مون پیدا ہو گل مون پیدا ہو گل جب ال ہر سین سیز ھی نما مقن طیسی دباو کی مون پیدا ہو گل جب ال ہر سین سیز ھی کی اونحی آئی گا و نمی آئی کی حیک مون پیدا ہو گل اونحی آئی کی اونحی آئی کی اونحی آئی کی اونحی آئی کی اونکی آئی کی اونکی آئی کے ایک سیز ھی کی اونکی آئی کی اونکی آئی کے دندوں کی مانند مون تصور کیا جب سیز ھی مون کی بجب تے آئی کے دندوں کی مانند مون تصور کیا جب سیکل ۹.۸ مسین و کھایا گیا ہے۔ شگا فول کی صور سین الفت رادی لچھول مسین دو کوبر قرور کی حیادر تصور کیا جب سیک گل میں دو کوبر قرور کی حیادر تصور کیا جب سیک گل میں دو کوبر قرور کی حیادر تصور کیا جب سیک گل میں دو کوبر قرور کی حیادر تصور کیا جب سیک گل میں دو کوبر قرور کی حیادر تصور کیا جب سیک گل میں دو کوبر قرور کی حیادر تصور کیا جب سیک گل میں دو کوبر قرور کی حیادر تصور کیا جب سیک گل ہے۔

متعدد قطبین مضین مسیں شمالی اور جنوبی قطبین کے ایک جوڑے کاپیدا کردہ یک سب برقی دباومساوات محمد دو قطبین کے زیادہ جوڑیوں سے ۲۸ دے گی جہال قطبین کے ایک جوڑے پر میکانی سب کار کے دندوں کی تعداد n ہے۔ قطبین کے زیادہ جوڑیوں سے حاصل یک سب برقی دباوکو سلمادواریا متوازی جوڑاحب سکتا ہے۔

#### ۸٫۳ قوی مسروڑ

یک سمت مشینوں کاامالی برتی دیاد اور توت مسروڑ حسٰلائی درزمسیں مقت طیسی دیاد کی صورت پر منحصسر نہیں ہو تا ہے۔ توی کچھے کے آری دندان نمامقت طیسی دیاد (مشکل ۹۸۸) کا بنسیا دی فوریئسسر حسبز د<sup>۵</sup>ورج ذیل ہوگا۔

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

یک سمت مشین مسیں ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقت اطبی دباو آ لپس مسیں عصودی ہوتے ہیں البہٰ ذاان مسیں قوت

fundamental Fourier component<sup>2</sup>

بال\_۸. بك سمت رومشين

سےروڑ مساوات ۰۳٫۵ می ایک تحت درج ذمل ہو گا۔

(1.1) 
$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

مثال ۸۱۱: دو قطب، باره دندی میکانی سب کار کے یک سمت جنسریٹ رمسیں ہر قوی کچھ بیس مپر کر کا ہے۔ایک لحصے سے 0.0442 ویب رمقن طیسی ہیا و گزر تاہے۔ جنسریٹ سر 3600 حپکر فی منٹ کی رفت ارسے گھوم رہاہے۔

- جنسریٹر کے پک سمت برقی دباو میں غیبر مطلوب لہر کل برقی دباو کاکت فی صد ہوگا؟
  - پکے سے برقی دیاوجیاصل کریں۔

- وتا مساوات  $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$  مساوات  $\frac{2}{n} \times 100 = 16.66$  مساوات مطاوب المسترمط و بالمسترمط و بالمسترم و
- جنسریٹ کر کارفت ار 60  $\frac{3600}{60}$  ہر ٹزیے یوں مساوات ۴۸۸سے یک سمت برقی دباو درج ذیل حساس ہوگا۔

$$e = \frac{12}{2} \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 2000 \text{ V}$$

## ۸.۴ سیرونی ہیجیان اور خود ہیجیان یک سمت جنسریٹسر

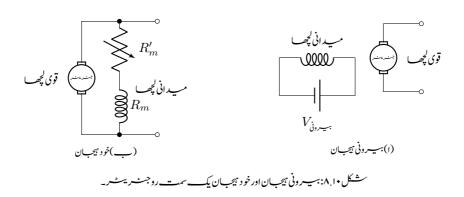
برونی ایجان ایک سے جنریٹرے میدانی لچھ کو بیرونی یک ست برتی دباد صنراہم کیا جباتا ہے جبکہ فود ۔ پی**جالیز** کیک سمت جنسریٹر کے میدانی کچھے کو جنسریٹر کااینا(قوی کچھے کا) محسر کے برقی دباو منسراہم کیا حیاتا ہے۔ پک سمت جنسریٹ رکی کار کر دگی اسس کو ہیسان کرنے کے طسر بقے یر مخصب رہوتی ہے۔ شکل ۸. ۱۰-امسیں قوی کچھ ۹۰ اور مبدانی کچھ ۱۰ کو آپس مسیں عصودی بنایا گیاہے۔ یوں بادرہتاہے کہ ان کچھوں کے پییدا کر دہ مقت طیسی دباو آلپس مسیں عصودی ہیں۔ یہاں قوی کچھے کی صورت میکانی سمت کار کی طسر تربن ائی گئی ہے۔ مپ دانی اور قوی کچھوں کے مقت طیسی دباو آلپس مسیں عصودی ہیں جسس سے ہم اخبذ کر سکتے ہیں کہ ایک لیچھ کابر تی دباو دو سے کھے کے برقی دباویر اثر انداز نہیں ہوگا۔ یوں مقت طبیحی مت السے کے کسی ایک رخ سپر ابیت،اسس رخ کے عصودی دو سے رہے رخ کی سپیر ابست پراٹر انداز نہیں ہو گی۔

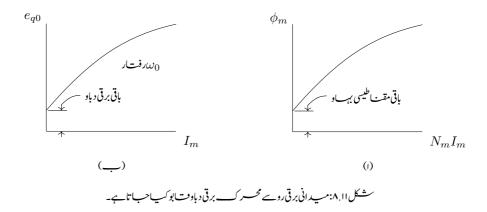
senarately excited

self excited4

armature coil, power coil

قوی کیجے م**ں** یں سم*ت* کار کی بن بایدات ارو ہو گاجبکہ مبدانی کیجے مسیں بکے سستی روہو گا۔





سشکل ۱-۱۰.۸ مسیں ہیں رونی ہیجبان مشین کے میدانی کچھے کو ہیں رونی یک سمت برقی طباقت مہیا گی گئی ہے۔ میدانی کچھے کابرقی روتبدیل کر کے میدانی مقت طیسی رہاو  $\tau_m$ ، میدانی مقت طیسی ہیں و  $\theta_m$  اور کثافت مقت طیسی ہیں و  $B_m$  تبدیل کے جب سکتے ہیں۔ یوں جن ریٹ رکامحسر کے برق دباو میسا وات ۱-۸۱کے تحت تبدیل کیا جب سکتا ہے یا موڑی قوت میں روڑ میں اوات ۸۰۸کے تحت تبدیل کی جب سکتی ہے۔

برتی رو کے بڑھنے ہے وت الب کی سیر ابیت شکل ۱۱.۸ اسیں واضح ہے۔ وت البی سیر ابیت کی ب بن برتی رو بڑھ آتے ہوئے ابتد انکی طور محسر کے برق رو باو اور میدانی کچھے کا برتی رو است مستناسب ہوں گے جب کہ زیادہ برتی رو پر ایس نہیں ہو گا۔ شکل ۱۱۰۰۰ ب میں کے گلے سر معائن ہے سے مصابح سر معائن ہے سے سائل ۱۱۰۰۰ ب میں کو جب کے گار تی دباو توی کچھے سے ایک معین رفت ارس پر حاصل کے سے رک برتی دباو تو کی کچھے سے ایک معین رفت ارس پر محسر کے برتی دباو تو کی کچھے سے ایک معین رفت ارس پر حاصل کے ساوات ۸۰ سی کا مددے

(A.4) 
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

لكهركر

$$e_q = \frac{\omega}{\omega_0} e_{q0}$$

Ĺ

$$e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

حساصل کیا حبا سکتاہے جہاں رفت ارکو حیکر فی منٹ " مسیں (بھی) لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ ہے مساوات صرف اسس صورت درست ہوں گے جب مقناطیعی میدان تبدیل سے ہو۔

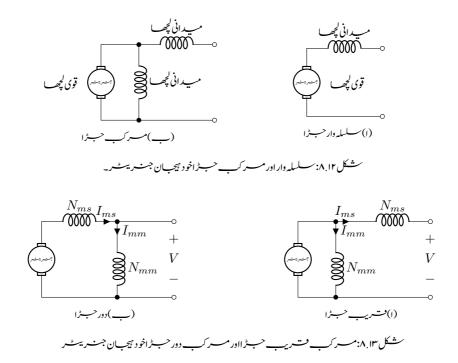
سشکل ۸۰۰۱-ب مسیں خود ہیجبان مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی کچھے متوازی حبارے ہیں۔ اسس طسرح حبار ہندست کو فود ہیجائی متوازی جوا ااجسر سٹر کہتے ہیں۔ میدانی لچھے کے ساتھ ایک مسزاہت سللہ وار حباری ہے۔ اس مسزاہت کو تبدیل کرکے میدانی برقی رو تبدیل کیا حباتا ہے جس ہے، بالکل بیرونی ہیجبان مشین کی طسرح، جندیہ کا محسر کے بی دباویا موٹر کی قوت مسرور شبدیل کی حباتی ہے۔ ایک بار ہیجبان ہوئے کے بعد مقناطیسی و اللہ مسیں باقی مقناطیسی ہیساور ہتا ہے جیسا شکل ۱۱۰۸-امسیں دکھایا گیا ہے۔ یوں میدانی کچھا ہیجبان کے بغیر جندیہ کرکھ محسر کے برقی دباویہ اگرے گا استمال ۱۱۰۸- مسیں صفر میدانی برقی دباود کھایا گیا ہے۔ یوں ہیں اور کھایا گیا ہے۔ ایک برقی دباود کھایا گیا ہے۔ ایک میں موضر میدانی برقی دباود کھایا گیا ہے۔

خود تیجبان جنسریٹسر ساکن حسال سے حیالو ہو کر اہت دائی طور پر باقی محسر کسی برقی دباویسیدا کرے گاجو میدانی کچھے مسین برقی روپسیدا کر کے مقت اطبی میدان پسیدا کرتے ہوئے مشین کو ذرازیادہ تیجبان کر تا ہے۔ یوں مشین کا محسر کسی رق دباو بھی کچھ بڑھ حبائے گا۔ اسس طسرح کرتے کرتے جنسریٹسر حبلد پورامحسر کسیبر برقی دباویسیدا کرناسشروع کرتا ہے۔ سے سے ای دوران ہوتا ہے جس مسین مشین کی رفت اربڑھ رہی ہوتی ہے۔

rpm, rounds per minute"

parallel connected'r

التاريخيك موقارے ہيں۔ جنسريٹ ربنانے كے كار منان مسين وتالب كوپہلى مسرتب مقن طيس بنانا پڑتا ہے۔

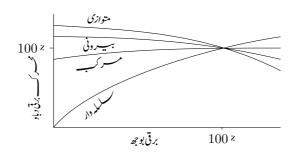


سنکل ۱۲۸ مسیں خود ہیجبان جنسریٹرے دومسزید اقسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک فود ہیجائی سلملہ وار ہوا جنسریٹر اور دوسرا نوو ہیجائی سلملہ وار جوا جنسریٹر اور دوسرا نوو ہیجائی مرکب جنسریٹر ہے۔ سلمہ وار حبڑے جنسریٹر مسیں میدانی اور توی کچھ سلمہ وار حبڑے ہوتے ہیں۔ ایک حصہ توی کچھ کے متوازی اور دوسوں پر مشتل ہوتا ہے۔ ایک حصہ توی کچھ کے متوازی اور دوسری دوسری سلمہ وار حبڑا ہوتا ہے۔ مسزید، متوازی حصہ قوی کچھ کے متدیب ہو سکتا ہے یاسلمہ وار کیٹے کی دوسری حب بریانے میں دور جوا حب رہ دور حبڑا ہو سکتا ہے۔ پہلی صورت مسیں دور جوا مرکب جنسریٹر اور دوسری صورت مسیں دور جوا مرکب جنسریٹر کہیں گئے ہیں۔ مرکب جنسریٹر کہیں گئے ہیں۔ مرکب جنسریٹر کو ایک کار دوموڑوں کو ہیسہ وفی ہیسان موڑ اور

یک سست موٹر بھی ای طسرح پکارے حباتے ہیں۔ یعنی سشکل ۱۰،۸ کی طسرح حبٹری دوموٹروں کو بسیسرونی ہیجبان موٹر اور خود ہیجبان متوازی حبٹری موٹر کہسیں گے۔ موٹر مسیں قوی کچھے کابر قی روجہنسریٹسر کے برقی روکامحت الف رخ ہوگا۔

تمسام اتسام کے یک سمت جنسر بیٹسر کامید انی مقت طبی دباو، جنسر بیٹسر کے مید انی کچھے کے حپکر ضر ب برقی رو کے برابر ہوگا:

$$\tau = N_m I_m$$



مشكل ١٨٠٨: يك سمت جنسريسسركي محسرك برقى دباو بمقابله برقى بوجه ك خطر

حبرًى جنسريسسر كے لئے مساوات ٨. ١٢ درج ذيل صورت اختيار كرتى ہے۔

(1.17) 
$$\tau_{m,m} = \frac{N_m V}{R_m + R_m'}$$

سلسلہ دار حبٹراجنسریٹ مسین میدانی برقی روجنسریٹ رکے قوی کچھے کابر قی رو ہو گالہنے اسلسلہ دار جنسریٹ رکے لئے مسادات ۱۲.۱۸ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$au_{m,s} = N_m I_q$$

شکل ۱۳.۸ کے مسر کب جنسریٹر مسیں میدانی مقن طبی دباوے دوجھے ہیں۔اسس مسیں  $N_{mm}$  حپکر کے متوازی حسیری دانی کچھے مسیں برقی رو $I_{ms}$  اور  $I_{ms}$  اور  $I_{ms}$  اور جنسریٹر کے لئے درج ذیل ہوگا۔

$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$

## ۸.۵ کیسے سمت مشین کی کار کر د گی کے خط

ا. ٨.٥ حاصل برقى د باوبالقابل برقى بوجھ

مختف اقسام کے یک سمت جسنسریٹ روں کے برقی دباو بالقائل برقی بوچھ خطوط سشکل ۱۳۸۸ مسیں دکھائے گئے ہیں جہساں گھومتی رفت!ر اٹل تصور کی گئی ہے۔دھسرے پر لاگو ہیں رونی میکانی طباقت جسنسریٹ کی قوت مسروڑ کے حسٰلاف جسنسریٹ کو گھساتی ہے۔

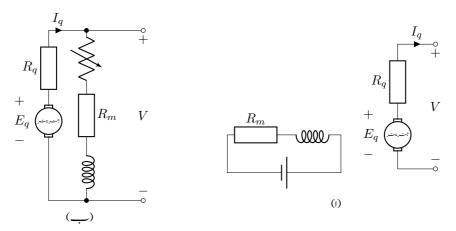
جنہ یٹر کو گھی تی ہے۔

ان خطوط کو سیجھنے کی حن طسر پہلے ہیں ونی بیجبان جنسریٹ پر خور کرتے ہیں جس کامساوی برقی دور شکل ۱۵.۸ اور مسیں دیا گیا ہے۔

مسیں دیا گیا ہے۔ ہیں ونی بیجبان جنسریٹ پر برقی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مسزاحت  $R_q$  مسیں برقی دباو گھٹتا
ہے۔ یوں جنسریٹ سے حیاصل برقی دباو V، جنسریٹ رکے اندرونی محسر کے اندرونی محسر کے بچھے کم ہوگا:

$$(\mathbf{A}.\mathbf{IY}) \hspace{3.1em} V = E_q - I_q R_q$$

— ''اعسلامت Rq کے زیر نوشت مسیں ولفظ قوی کے پہلی حسر دنی کو ظب ہر کرتی ہے۔



سشکل ۱۵.۱۸: ہیسہ رونی ہیسان، متوازی حب ڑے جنٹ ریٹ رکامیاوی برقی دور۔

برتی بو جھ  $I_q$  بڑھ نے ہے V مسزید کم ہو گا۔ بیسرونی ہیجبان جنسریٹ کا خط بھی رجمان ظاہر کرتا ہے۔ حقیقت مسیں ویگر وجوہات بھی اثر انداز ہوتے ہیں جن کی بنا ہے خط سیدھ سنہ سی بلکہ جھا ہوتا ہے۔

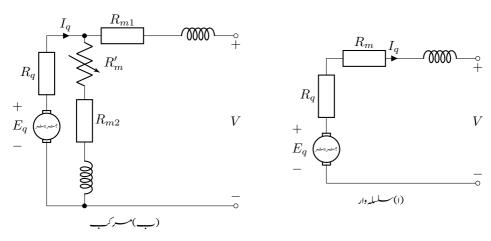
متوازی حبٹری جنسریٹ رکے خط کا بھی بھی رجمیان ہے۔ متوازی حبٹری جنسریٹ رپر بھی برقی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مسزاحت مسین برقی دو بوجھ الدنے سے میدانی کچھے میں مسزاحت مسین برقی دو بوجھ کے میدانی کچھے میں برقی دو بھی کم ہوحباتا ہے جسس سے میدانی کچھے مسین برقی دو بھی کم ہوحباتا ہے جسس سے میدانی کچھے مسین برقی دو بھٹ سے میدرک برقی دباوبالمقابل برقی بوجھ خط کی دو میں متوازی حبٹریٹ رکی دو بالمقابل برقی بوجھ خط کی دو سے میں کی دو سے زیادہ ہوگی۔

سشکل ١٦.٨ مسیں سلیلہ وار اور مسرکب جنسریٹسرے مساوی برتی ادوار دکھائے گئے ہیں۔ سلیلہ وار حبٹرے جنسریٹسٹرے میدانی مقت طیسی دباو بڑھ جنسریٹسٹرے میدانی مقت طیسی دباو بڑھ کے میں او بڑھانے ہے۔ سلیلہ وار حبٹرے جنسریٹسر کا خط بھی دکھارہاہے۔ سلیلہ وار حبٹرے جنسریٹسر کا خط بھی دکھارہاہے۔ سلیلہ وار حبٹرے جنسریٹسر عصوماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حساصل برتی دباو، بوجھے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتاہے۔

مسرکب حبیرے جنسریسٹسر کی کارکردگی سلملہ وار اور متوازی حبیرا جنسریسٹسر کے آگا ہے۔مسرکب جنسریسٹسر سے آگا ہے۔مسرکب جنسریسٹسرمسیں ہوجھ براہ مسیں کی کومیدانی لچھے کابڑھستامقت طیسی دباو پوراکر تاہے۔ یوں مسرکب جنسریسٹسرے حساصل برقی دباو،لدے یوچھے کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتا ہے۔

ہیں دونی تیجبان، متوازی اور مسر کب حبٹرے جنسریٹ سے حسامسل برقی دباو کو متوازی حبٹری کچھ کے برقی روسے ومسیع حسدوں تک تبدیل کیاحب سکتا ہے۔

قوی کچھ برقی بوجھ کو درکار برقی روف سے راہم کرتا ہے المہذا ہے موٹی موصل تارکا بنا اور عصوماً کم حپکر کا ہوتا ہے۔ سلملہ وار جنسریٹ کے میدانی کچھ سے مشین کا پورا برقی روگزرتا ہے المہذا ہے بھی موٹی موصل تارکا بن ہوتا ہے۔ باقی مشینوں کے میدانی کچھوں مسیں پورے برقی بوجھ کا چند فی صد برقی روگزرتا ہے المہذا ہے باریک موصل تارکے بن کے اور عصوماً زیادہ حپکر کے ہوتے ہیں۔ ۲۲۸ بیک سمت رومشین



شکل ۱۹.۱۸: سلیله وار اور مسرکب جنسریٹ کے مساوی برقی دور۔

#### ۸.۵.۲ رفت اربالمقابل قوت مسرورً

یہاں بھی مشکل ۸. ۱۱ اور مشکل ۱۲. ۱۷ سے رجوع کریں البت ان اث کال مسین برقی روئے رخ الب کر دیں۔ یک سے موٹر بھی جنسر پیٹسر کی طسرح مختلف طسر یقوں سے حبٹ حب تے ہیں۔ موٹر کو معسین ہیں دونی برقی ویاو دی حباتی ہے جہاں سے سے برقی روحب مسل کرتا ہے۔ برقی روباہر سے قوی کچھے مسین داحنل ہوتا ہے لہانیاان کے لئے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

$$V = E_q + I_q R_q \label{eq:V}$$
 
$$I_q = \frac{V - E_q}{R_q} \label{eq:Iq}$$



شکل ۱۷.۱۸: بکے سم<u>ہ</u> موٹر کے میکانی بوجھ بالمقابل رفت ار خطوط۔

برقی روپہنچیانے کی صلاحیت پر منحصر ہوتی ہے جواز خود میکانی سمت کارپر منحصر ہوگا۔

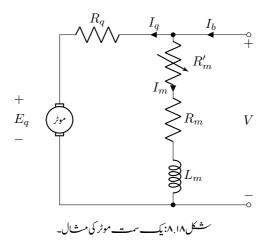
V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V ، V

ہوں۔ یہاں اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بو جھ سلسلہ وار حبٹری موٹر کی رفتار خطسرناک حید تک بڑھ سستی ہے۔ سلسلہ وار موٹر کواستعال کرتے وقت اس بات کا حناص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحس بو جھ ہر دار رہے۔ ساکن موٹر پالو کرتے وقت موٹر کی قوت مسرو ٹرحناصی زیادہ ہوگا۔ یہ ایک اچھی خوبی ہے جس کی بنابو جھ ہر دار ساکن موٹر کو چپالو کرنا آسان ہو تاہے۔ مسرکب موٹروں مسیں ان دواقس می موٹروں کے خواص پائے حبات ہیں۔ جہاں بو جھ ہر دار موٹر حپالو کرنا ضروری ہولیسکن رفتار مسیں سلسلہ وار موٹر جتنی تب ملی منظور سے ہووہاں مسرکب موٹریں کارآمد ثابت ہوتی ہیں۔

مشال ۸.۲: ایک 57 کلو وائے، 415 دولئے اور 1200 پکر فی منٹ کی رفت ارسے چیلئے والی متوازی حبر ٹری یک سے منسال ۸.۲: ایک حقوق کی مسزاحمہ 1123 پکر مسزاحمہ 20.072 پکر فی مسزاحمہ 20.072 پکر فی منسنے موٹر کے قوی کچھے کی مسزاحمہ 20.072 پکر فی منسنے کی دفت رہے جاتے ہوئے 1122 میمیئر لے رہی ہے۔

- ميداني برقی رواور قوی کچھے کابر قی روحاصل کریں۔
  - موٹر کی اندرونی پیدا کر دہ برقی دباوحا صل کریں۔
- اگر میدانی کچھے کی مسزاح۔۔۔۔100.2 اوہم کر دی حبئے کسیکن قوی کچھے کابر قی روتب دیل نہ ہوتب موٹر کی رفت ارکتنی ہوگی؟ وت الب کی سیر ابیت کو نظے رانداز کریں۔

حـل:



• شکل ۱۸.۸ سے رجوع کریں۔ 415 دولٹ پر مب دانی کیھے کابر تی رو درج ذیل ہوگا۔

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 5 \,\mathrm{A}$$

يون قوى للجيے كابر تى رو
$$I_q=I_b-I_m=112-5=107$$
 بوگار

• يك سمت موٹر كاندرونى پيداكردە برقى د باودرج ذيل ہوگا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107 \times 0.072 = 407 \text{ V}$$

• اگرمیدانی کھے کی مسزاحت100.2اوہم کر دی حبائے ہے  $I_m$  درج ذیل ہوگا۔

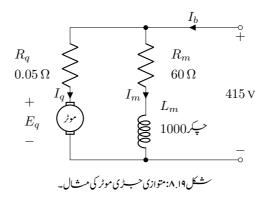
$$I_m = \frac{V}{R_m + R_m'} = \frac{415}{100.2} = 4.1 \, \mathrm{A}$$

• اگرقوی کھے کابرتی رو107 ایمپیئر ہی رکھا حیائے تیاندرونی دباو درج ذیل ہوگا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107 \times 0.072 = 407 \text{ V}$$

• مساوات ۴.۸ کی مدد سے چونکہ اندرونی پیداکردہ برقی دباوتب میل نہیں ہوالی کن مقت طبیحی بہاوتب میل ہواہے الہندا موٹر کی رفت ارتب میل ہوگی۔ ان دومقت طبیحی بہاواور رفت اروں پر مساوات ۸.۹ کی طسرح درج ذیل کھے حباسکتا ہے۔

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$



اب چونکد  $E_{q1}=E_{q2}$ ب المباز از کرتے ہوئے مقت طبی ہیں او، میدانی رباوی منصر ہوگا جو از کر ورم مخصر ہوگا جو از خود میدانی برخصر ہوگا ہیں از کرتے ہوگا جو از خود میدانی برقی رویر مخصر ہوگا ہیں ہوگا۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

يوں نئى رفت ار

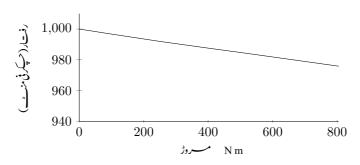
$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{5}{4.1} \times 1123 = 1370$$

حبکر فی منٹ ساصل ہوتی ہے۔اسس مثال مسیں ہم دیکھتے ہیں کہ مید انی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفت اربڑھتی ہے۔

مثال ۱۸.۳ ایک 60 کلو وائے، 415 دولئے، 1000 حپکر فی منٹ متوازی حبٹری یک سمت موٹر کی قوی کچھے کی منٹ 1000 میرانی کچھے کی منٹ ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر فی منٹ ہے۔ میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر فی منٹ ہے۔ میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر کی ہے۔ میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر کی ہے۔

- جب ہے موٹر 70 ایمپیئر لے رہی ہواسس وقت اسس کی رفت ارمعسلوم کریں۔
  - 140 يمپيئر پراسس کي رفت ارمعلوم کريں۔
  - 210 يمپيئر پراسس كارفت ارمعسلوم كريں۔
  - اسس موٹر کی رفت اربالمقابل قوت مسروڑ ترسیم کریں۔

· ا



شکل ۸.۲۰ زفت اربالمقابل قوی مسروژ پ

• شکل ۱۹.۸ مسیں موٹر دکھسائی گئی ہے۔ متوازی میدانی کچھے کے برقی روپر بوجھے کا کوئی اثر نہسیں ہوگا۔ لہنہ امید انی مقت طبیعی بہت و ہے اور بوجھ بر دار موٹر مسیں ایک جیسا ہوگا۔ بے بوجھ یک سمت موٹر کے قوی کچھے کابر قی رو $I_q$  و تبایل نظر رائد ہو تا ہے۔ اسس طسرح مساوات ۱۹.۸ اور مساوات ۱۱.۸ اسے درج ذیل حساس ہوں گے۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \, \mathrm{V}$$
 
$$I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.9 \, \mathrm{A}$$

يون 415 دولى محسر كسىبر قى دباوپر 1000 حپكر فى منسف يا 16.66 حپكر فى سىكىنڈر فىت ارىساسىل بوگا۔ 70 ايمپيئر برق بوجھ پر جمي  $I_m = 6.9$  مرجى بوجھ برجمي م

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.9 = 63.1 \,\mathrm{A}$$

ساوات۸ کاسے

$$E_q=V-I_qR_q=415-63.1 imes0.05=412 ext{ V}$$
 اور مساوات ۱۱.۵ است رفت ار (پیکرنی منز پاکسان کرتے ہیں۔ 
$$rpm=\frac{e_q}{e_{q0}}rpm_0=\frac{412}{415} imes1000=993$$

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.9 = 133.1 \text{ A}$$
 
$$E_q = 415 - 133.1 \times 0.05 = 408 \text{ V}$$
 
$$rpm = \frac{408}{415} \times 1000 = 983$$

يهان اورج نيل مول ڪالين اورج نيل مول ڪالين اورج نيل مول ڪالي اليم

$$\begin{split} I_q &= I_b - I_m = 210 - 6.9 = 203.1 \, \text{A} \\ E_q &= 415 - 203.1 \times 0.05 = 405 \, \text{V} \\ rpm &= \frac{405}{415} \times 1000 = 976 \end{split}$$

• موٹر مسیں ضیاع طاقت کو نظر رانداز کرتے ہوئے میکانی طباقت منسراہم کر دہ بر قی طباقت کے برابر ہوگی:

(A.IA) 
$$e_q I_q = T\omega$$

 $T_0 = 0 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$ یوں پچھلے حب زوے حب صل جوابات کی مدد سے بے بو جھ موٹر کی قوت مسروڑ صف رہو گی لینی میں جب ہو جھ موٹر کی قیت درج ذیل ہوگی۔ جب کہ 70 ایم پیئر پر قوت مسروڑ کی قیت درج ذیل ہوگی۔

$$T_{70} = rac{e_q I_q}{\omega} = rac{412 imes 63.1}{2 imes \pi imes 16.55} = 250 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$$

يب ال991.95 حيكر في منط كارفت اركو 16.5325 بر ٹزلكھ اگيا ہے۔ اى طسرح درج ذيل ہوں گے۔

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408 \times 133.1}{2 \times \pi \times 16.38} = 528 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{405 \times 203.1}{2 \times \pi \times 16.27} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

ب نتائج شکل ۲۰.۸ مسیں ترسیم کئے گئے ہیں۔

باب. ۸. یک سمت رومشین

# ف رہنگ \_

earth, 82	ampere-turn, 27
eddy current loss, 52	armature coil, 116, 222
eddy currents, 52, 111	
electric field	capacitor, 171
intensity, 9	carbon bush, 156
electrical rating, 50	cartesian system, 3
electromagnet, 115	charge, 9, 121
electromotive force, 52, 121	circuit breaker, 158
electronics	co-energy, 92
power, 183	coercivity, 39
emf, 121	coil
enamel, 52	high voltage, 47
energy, 37	low voltage, 47
co, 99	primary, 47
Euler, 18	secondary, 47
excitation current, 44, 51, 52	commutator, 146, 213
excitation voltage, 52	conductivity, 21
excite, 52	conservative field, 96
excited coil, 52	core, 47, 111
exerced con, 32	core loss, 52
Faraday's law, 32, 111	core loss component, 54
field coil, 116, 222	Coulomb's law, 9
flux, 24	cross product, 12
Fourier series, 54, 125	cross section, 8
, ,	current
frequency, 115	transformation, 56
fundamental, 125	cylindrical coordinates, 4
fundamental component, 54	
	delta connected, 80
generator	differentiation, 15
ac, 141	dot product, 13
ground current, 82	
ground wire, 82	E,I, 52

non-salient poles, 157	harmonic, 125
	harmonic components, 54
Ohm's law, 22	Henry, 33
open circuit test, 74	hunting, 157
orthonormal, 2	hysteresis loop, 39
parallel connected, 224	impedance transformation, 61
permeability, 21	induced voltage, 32, 42, 52
relative, 22	inductance, 33
phase current, 82	leakage, 161
phase difference, 19	induction
phase voltage, 82	motor, 183
phasor, 19	
pole	Joule, 37
non-salient, 123	
salient, 123	lagging, 19
power, 37	laminations, 26, 52, 111
power factor, 19	leading, 19
lagging, 19	leakage inductance, 68
leading, 19	leakage reactance, 68
power factor angle, 19	line current, 82
power-angle law, 166	line voltage, 82
primary	linear circuit, 199
side, 47	load, 85
	Lorentz law, 121
rating, 83, 84	Lorenz equation, 90
rectifier, 146	
relative permeability, 22	magnetic constant, 21
relay, 89	magnetic core, 26
reluctance, 21	magnetic field
resistance, 21	intensity, 10, 27
rms, 16, 42, 145	magnetic flux
rotor, 31	density, 27
rotor coil, 92	leakage, 68
rpm, 138	residual, 39
	magnetizing current, 54
saturation, 39	mmf, 24
scalar, 1	model, 70, 183
self excited, 222	mutual flux linkage, 36
self flux linkage, 36	mutual inductance, 36
self inductance, 36	
separately excited, 222	name plate, 84

ف رہگ ۔

Watt, 37	side
Weber, 27	secondary, 47
winding	single phase, 20, 50
distributed, 123	slip, 184
winding factor, 130	slip rings, 156, 203
	squirrel cage, 205
	star connected, 80
	stator, 31
	stator coil, 92, 112
	steady state, 155
	step down transformer, 50
	step up transformer, 50
	surface density, 10
	synchronous, 115
	synchronous inductance, 162
	synchronous speed, 138, 155
	Tesla, 28
	theorem
	maximum power transfer, 202
	Thevenin theorem, 199
	three phase, 50, 79
	time period, 125
	torque, 146, 185
	pull out, 157
	transformer
	air core, 50
	communication, 50
	ideal, 55
	oil, 65
	transient state, 155
	turbine, 157
	unit vector, 2
	VA, 65
	vector, 1
	volt, 121
	volt-ampere, 65
	voltage, 121
	DC, 146
	transformation, 56

ىىسنورنىبابرقى رو، 111	ابت دائی
بے بوجھ، 51	حب:ب
	لچڪ،47
پ <b>ت</b> ری،111،26	ارتباط بهاو، 33
پت ريال،52	اضب في
پیشن زاوی، 19	زاویانی رفت ار، 187
تاخىسىرى،69	اكائي سمتىيە، 2
تا میسری (اوی	رمان امالی برتی د باو، 42 اماله، 33
نا سینز کاراو کیے ، 19 تار کابر تی د باو ، 82	برقی د باو، 42
نار کابرتی رو، 82 تار کابرتی رو، 82	
ناره بری روم تانب، 23	رستا، 161
نامب. تبادله	اِمالى برقى دياو، 32، 52
ب ر کاوٹ، 61	ایک، تین پت ریال،52 ایمپیئر و حیکر،27
منختی،84	اينېيئروخپلر،27
تعب در، 115	121 /
تعقب،157	بار، 121 . فرس بري بالر 27 155
تفسرق،15	<b>برنت</b> رار حپالو،155،87 گ
حبزوی،15	برق گھىسەر، 171
تكونى جوڙ ،80	برن بيران برقبات قوي،183
توانائی،37	قوى، 183
ېم،99	برقي بار، 121،9
تىن دورى،79،50	برقى د باو، 23 ، 121
	تبادله،56،48 محسر کس،121
ٹرانسفار میسر	سر بياني، 163 بيباني، 163
برقى د باووالا، 50	بیجبن،163 یک ست.146
بوجھ بردار،58 سیسل،65	يك سنة ١٩٥٠ برق رو، 23
شيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	برن روی دی تعب نورنمپ، 111
حنلائی مت الب،50	. ورت ۱۱۲ تبدله،56
د باوبڑھ اتا، 50	ىب رىدان چىيان انگىيىز، 44
د باو گھٹا تاء50 کترین	يجبن عير، 44 برق سكت، 50
فرائع ابلاغ،50	برق میست. برق میپدان،9
رووالاء50	برن حیدان،و شدت،9،23
كامسل، 55	بش،156
ئسلا،28 ئىرىن ئەرىرىس 20	سناوٹ ہے۔74 بناوٹ
ٹھنٹری تار،82	بنيادي حسنرو، 125، 125
ثانوی حبانب،47	. بر هم المحافظة الم
اون بر-	بهنی، 101
حباول،37	<i>هب</i> نورنب
حبزو	بر قی رو، 52
پھيلاو،130	منياع،52

بنربنگ بنگ

زاوپ حبزوط اقت،19	حب زوط اقت، 19
زمين،82	ب رو <i>ت نیش</i> ،19
ر ین ۶۵۰ زمینی برقی رو، 82	سے نہوں تاخب ری،19
زمسيني تار،82	جنسريت
	بدلت ارو، 141
ب کن هیب، 31	<i>جو</i> ڙ
ڪ کن کچھ ،112،92	بحور تکونی،80
سـتاره نمب جوڙ، 80	ستاره نب،80
	00.2
مسر دور ، 32	حپرمناب،157
	حپگرفی منٹ،112
سر کاو، 184	چەرق ئىسىنىدىن چونى،186
ىسىرك چىلے،203،156،	
سطى تكمل 159	14 - 2
سطرين.	ب شده و د
سِطَى كَافْت.10	حــال عــارضي،155 كيــال،155
سكــــــ	يكان،155
سسلسله وار ۱28	bż
سم <u></u> کار، 213	خطی برتی دور ،199 خو د ارتب ط بهب و ،36
برقپاتي،146	برتی دور ، 199
ميكاني،146	خودارتباط بهساو،36
سمتير، 1	خود اماله، 36
مير ۱۰ عــمودي اکائي ، 2	1.5
مستى رفت ار ،89	داحشلی ہیجبان
ى رفت ار 89	سلسله وار ، 225
سيرابيت،39	متوازی،224
ż	مسركب،225
ضر <u>ب</u> نقط <b>ب</b> ،13	دور حب ڑا <b>م</b> رکب، 225
نقطب، 13	دور شکن،158
ضرب صلب بي،12	رور دوری سمتیه، 164،19
<b></b> .	
طاقت،37	دوری عسر صبه، 125
طباقت بالمقابل زاوي ، 166	د سنتا
طول موج،16	ر <b>ک</b> اماله،68
<b>.</b> ,	
عب ودي تراسش ، 8	متعامله،68
رقب،8	رىستامتعساملىت، 191
	رفت ار اصن فی زاویا کی، 187
غي رستى، 1	اصن في زاوياني، 187
غيرمعاصر،158	روغن،52
	روک،201
فوریت ری 221	رياضي نمو نه ،183،70
فوریئسر،221 فوریئسر شلسل،125،54 فرینسر	ريلے،89
فیسراڈے	<del>"</del>
ىتانون،111،32	زاویائی منسرق،19
-	

۲۲۰ فنرینگ

محسدد	تاب.111
كار تىسى، 3	ت لبى ضياع، 52
نگی،4	حبـزو،54
محسر کے برقی د باو، 52	<b>م</b> تانون
محوري	اوټمې،22
تحوري لمبائي،143 محنيار ۽ سر 170	كولمب، 9
1/000	لورينسنز،121
مسرکب جنسریٹر،225	ت دامت پسند مب ران،96
مسزاحمت،21	ت ریب حب ڑام شرکب، 225
مسزاحت پیپا،209	قطب
مساوات لورینسنز،90	انجسرے،157،123
مسئله تھونن،199	بموار،123،157
	قو <u> </u>
زیادہ سے زیادہ طباقت کی منتقلی، 202	انتهائي،157
مشتر كدارتباط اماله،36	قوی برقب ایست، 213 ت. ر
مشتر که اماله، 36	قوی کچھے،222
معباصر،115 مشین،156	• .
—ين 136 معــاصراماله، 162	کارین بششس،156
مع المراهانه، 102 مع اصر رفت ار، 138، 155	کار گزاری، 177 م
مع ائد .	- <i>کثاف</i>
کے ادور ،74 کھساا دور ،74	برقی رو، 23 پیشه به طو
كھـــلا دور ،74 مقــناطيــس	کثاف <b>ت</b> مقت طیسی بہباو 
_ برق،115	بقبيا، 39
حپّال كادائره،39	
ٽ <sup>ت</sup> م شد <b>ت</b> ،39	گرم تار،82
مقت طیسی برقی رقب 54	گومت حسب، 31
مقت طبیعی بہاو،24 مقت طبیعی بہاو،24	گومت کچمب،92
ر ستا، 68 ر ستا، 68	J
ر صوبر الشار الشار ال	چي .
مقت طيسي حيال،44	ابت دائی،47
مقت طیسی د باو،24	چيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
مفت - ق دباو،24 رخ 125	پيچدار،34 دانې
	ثانوی، 47 رخ، 117
مقت طیسی ت الب،47،26 طعر مربة	رن، ۱۱ زیاده بر تی دباد، 47
مقن طبیمی متقل، 147،21	ریاده بری دباو ۶۰/ 4 ساکن ، 92
حبزو،26،22 طبیر	ت بن،92 قوی،116
مقت طیسی میدان	لون،116 نم بر تی دباو،47
27،10،	ېرن د باو، / 4 گومت، 92
موٹر	
امال، 183	مپدانی،116

ف رہنگ

پنجب ره نمپ ا موژ،16،42 موثر قيت 145، موسيقائي احبزاء،54 موسيقائي حسزو، 125 موصلیت،21 میدانی کچھ،222 واسٹ،37 وولسن، 121 وولي وايمپيئر،65 ويبر،27 ويبر-پكر،33 چېکپاېه ښه، 24،21 هم توانائی، 92 ېيحبان،52 بيسروني،222 ب پيدرون خود،222 لچھسا،52 بھيان انگسينز برقي د باو،52 هیجبان انگسیزبر قی رو، 51 هیجبانی برقی دباو، 163 يك دوري،50،20 يّب دوري برقي د باو،82 يك دورى برقى رو،82 \_\_سم<u>ت</u>رو مشين،213 يولرمساوات، 18