## برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

تاریخ در نگی: 12 مئی <u>2020</u>

# عنوان

ix		ديباچه
1	عا كنّ	1 بنیادی<
1	ينيادى اكائياں	1.1
1	غيرستى	1.2
2	سمتير	1.3
3		1.4
3	1.4.1 كار تىبى محددى نظام	
5	1.4.2 نگلی محددی نظام	
7	سمتيررقبر	1.5
9	ر قبه عمودی تراش	1.6
10	برقی اور مقناطیسی میدان	1.7
10	1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت	
11	1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت	

iv

11	سطحی اور تحجی کثاف <b>ت</b>	1.8	
11	1.8.1 سطی کثافت		
12	حجى ڭافت	1.9	
13	صلیبی خرب اور ضرب نقطه	1.10	
13	1.10.1 صلیبی ضرب		
15	1.10.2 نقطی ضرب		
18	تفرق اور جزوی تفرق	1.11	
18	خطی تکمل	1.12	
19	سطح تکمل	1.13	
20	دوری سمتیہ	1.14	
25	) اد وار	مقناطيسو	2
<ul><li>25</li><li>25</li></ul>	ماد وار مز احمت اور پیچکیا ہٹ	, <u>-</u>	2
25	····•	2.1	2
<ul><li>25</li><li>26</li></ul>	مزاحمت اور نیکچابٹ	2.1	2
<ul><li>25</li><li>26</li><li>28</li></ul>	مزاحمت اور نیچکیا پٹ	2.1	2
25 26 28 30	مزاحمت اور نیکچابث کثافت بر تی رواور برتی میدان کی شدت برتی ادوار متناطبیسی دور حصد اول	<ul><li>2.1</li><li>2.2</li><li>2.3</li></ul>	2
25 26 28 30 32	مزاحمت اور نیجگیا پت کثافت ِ برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِ مقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شدت	2.1 2.2 2.3 2.4	2
25 26 28 30 32 34	مزاحمت اور آنچکوابت کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2
25 26 28 30 32 34 38	مزاحمت اور نیجگیا په بل کثافت برتی رواور برتی میدان کی شدت برتی او وار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِمتناطیسی بهاواور متناطیسی میدان کی شدت متناطیسی دور حصه دوم	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2

عــــنوان

	1	ٹرانسفار	3
	ٹرانسفار مرکی اہمیت	3.1	
	ٹرانسفار مرکے اقسام	3.2	
	امالى برقى د باو	3.3	
	ميجان انگيز برقى رواور قالبى ضياع	3.4	
د خواص	تبادله برقی د باواور تبادله برقی روکے	3.5	
	ثانوى جانب بوجھ كاابتدائى جانباژ	3.6	
طلب	ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کام	3.7	
	ر کاوٹ کا تبادلہ	3.8	
	ٹرانسفار مر کاوولٹ-ایمپیئر	3.9	
	ٹرانسفار مر کے امالہ اور مساوی ادوار	3.10	
اس کی متعامله علیحده کرنا	3.10.1 کچھے کی مزاحمت اور ا		
	3.10.2 رِستالماليد		
ب کے اثرات	3.10.3 ثانوى برتى رواور قالى		
)د باد	3.10.4 ثانوى كچھے كالمالى برقى		
ت اور متعاملہ کے اثرات	3.10.5 ثانوی کچھے کی مزاحمت		
نوی جانب تبادله	3.10.6 ر كاوٹ كاابتدا كى ياثان		
ترین مساوی اد دار	3.10.7 ٹرانسفار مر کے سادہ		
	كطيے د ور معائنه اور كسر د ور معائنه	3.11	
	3.11.1 كىلادورمعائنە .		
	3.11.2 كسردور معائنه .		
	تین دوری ٹرانسفار مر	3.12	
لى بر قى رو كاگزر	ٹرانسفار مر جالو کرتے لمحہ زیادہ محر ک	3.13	

vi

ييكا في توانا كي كا باجمي تبادله	برقی اور	4
مقناطيسي نظام ميں قوت اور قوت مروڑ	4.1	
تبادليه توانائي والاايك لچھے كانظام	4.2	
توانائی اور جم- توانائی	4.3	
متعدد کیچھوں کامقناطیسی نظام	4.4	
شین کے بنیاد کی اصول ل	گومتے.	5
قانون فیراڈے	5.1	
معاصر مشين	5.2	
محرك برقی دیاد	5.3	
ت المعلى	5.4	
5.4.1 بدلتارومشين		
مقناطیسی د باوکی گھومتی امواج	5.5	
5.5.1 ایک دورکی لپٹی مشین		
5.5.2 تين دور کي لپني مشين کا تحليلي تجربيه		
5.5.3 تين دور کي کپني مشين کاتر سيمي تجزيه		
محرک برقی دباو	5.6	
5.6.1 بدلتاروبرتی جزیئر		
5.6.2 کیک ست روبر تی جزیئر		
ہموار قطب مشینوں میں قوت مروڑ	5.7	
5.7.1 ميكاني قوت مر ور بذريعه تركيب تواناكي		
5.7.2 ميكاني قوت مر ور بذريعه مقناطيس بهاو		

vii

رار چالو معاصر مشين	6 كيسال حال، برقر
د دوری معاصر مشین	6.1 متعدد
ر مشین کے امالہ	6.2 معاص
.6 خوداماله	2.1
.6 مشتر كداماله	2.2
.6 معاصراماله	2.3
ر مشین کامساوی دوریار یاضی نمونه	6.3 معاص
ىاقت كى <sup>ئىتق</sup> ى	6.4 برتی,
) حال، بر قرار چالومشین کے خواص	6.5 كياد
معاصر جزیئر: برتی بو جھ بالمقابل $I_m$ کے خط $I_m$ معاصر جزیئر: برتی بو جھ بالمقابل $I_m$	5.1
$I_a$ معاصر موٹر: $I_a$ بالمقابل $I_m$ کے خط $I_m$ خط $I_m$ معاصر موٹر: 6.	5.2
راور کمر دور معائنه	6.6 كىلادو
.6 کھلادورمعائنہ	6.1
.6 کسر دور معائنہ	6.2

211	امالی مشیرز	7
ساكن كىچھوں كى گھومتى مقناطىيى موج	7.1	
مشين كاسر كاواور گلومتى امواح پر تبعره	7.2	
ساكن كچھوں ميں امالى بر تى د باد	7.3	
ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی ہرقی دباو	7.4	
گھومتے کچھوں کی گھومتے متناطبی دیاو کی موج کے علیہ موج کے اور کی موج کے اور کی موج کے اور کی موج کے اور کی موج	7.5	
گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے ۔	7.6	
المالي موشر كا مساوى برقى دور	7.7	
مساوی بر تی و ورپه غور	7.8	
المالي موشر كا مساوى تقونن دوريارياضي نمونه	7.9	
ينچره نماامالي موٹر	7.10	
بے پوچھ موٹر اور جامد موٹر کے معائنہ	7.11	
7.11.1 كِ يُوجِهِ مُوثِرُكامِعاتُنَهُ		
7.11.2 جامد موثر کامعا تند		
درومثين	يك سمت	8
ميكاني ست كاركي بنيادى كاركر دگى	8.1	
8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل		
يك ست جزيرً كابر تي دباد	8.2	
قوت مرور الله الله الله الله الله الله الله الل	8.3	
بير وني بيجان اور خود بيجان يك سمت جزير	8.4	
يک ست مشين کي کار کرد گي کے خط	8.5	
8.5.1 حاصل برقی د باوبالمقابل برقی بوجھ		
8.5.2 رفتار بالمقابل قوت مرور شد		
269	اُل	فرہنًا

عـــنوان

### باب5

# گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا جائے گا۔ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قشم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

#### 5.1 قانون فيرادُك

قانور فیراڈے  $^1$  کے تحت جب بھی کسی کچھے کا ارتباط بہاو  $\lambda$  وقت کے ساتھ تبدیل ہو، اس کچھے میں برقی دباو پیدا ہو گا:

(5.1) 
$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گومتے مثین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے پیدا کی جا سکتی ہے۔مثلاً کچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھما کر یا ساکن کچھے میں مقناطیس گھما کر، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law<sup>1</sup>

ان برقی مثینوں میں کچھے مقناطیسی قالب<sup>2</sup> پر لییٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو ماصل کیا جاتا ہے اور کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ مزید قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کے مقام پر پہنچایا جاتا ہے۔

ان مشینوں کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو<sup>3</sup> پیدا ہوتا ہے۔ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر باریک لوہے کی پتری<sup>4</sup> تہہ در تہہ رکھ قالب بنایا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہوگا، ٹرانسفار مرکا قالب بھی ای طرح بنایا جاتا ہے۔

### 5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برقی جزیئر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے جس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ میکانی زاویہ  $\theta_m$  ناپا جاتا ہے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیں ایک مقررہ رفتار ہے، فی سینڈ n مکمل چکر کائنا ہو تب ہم کہتے ہیں کہ اس مقناطیں کے گھومنے کا تعدد n ہر ٹر ڈ ہے۔ اس بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیں 60n فی منٹ 6 کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 360 زاویہ یا  $2\pi$  ریڈ بیئ 7 پر مشتمل ہوتا ہے لمذا گھومنے کی اس رفتار کو  $2\pi n$  ریڈ بیئ فی سینڈ بھی کہہ سکتے ہیں۔ یوں اگر مقناطیں f ہر ٹر کی رفتار سے گھوم رہا ہو تب یہ جس کے میں کہ ساتھ بیں۔ یوں اگر مقناطیں f ہر ٹر کی رفتار سے گھوم رہا ہو تب یہ سے طاہر کیا جاتا ہے۔

$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس کتاب میں گھومنے کی رفتار کو عموماً ریڈیٹن فی سینڈ میں بیان کیا جائے گا۔

شکل 5.1 میں مثین کے دو مقاطیسی قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطبی مثین کہتے ہیں۔ ساکن قالب میں، اندر کی جانب دو شگاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ لیچھے کو a اور a' سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس لیچھے کی بنا

magnetic core<sup>2</sup>
eddy currents<sup>3</sup>
laminations<sup>4</sup>
Hertz<sup>5</sup>

rounds per minute, rpm<sup>6</sup> radians<sup>7</sup>

5.2 معاصر مشين



شکل 5.1: دوقطب، یک دوری معاصر جنریٹر۔

اس مشین کو ایک کچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھا جزیٹر کے ساکن حصہ پر پایا جاتا ہے للذا یہ کچھا بھی ساکن ہو گا جس کی بنا اسے ساکھے کچھا<sup>8</sup> کہتے ہیں۔

مقناطیس کا مقناطیسی بہاو شالی قطب  $^{9}$  N سے خارج ہو کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر، دوسرے خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، مقناطیس کے جنوبی قطب $^{10}$  S میں داخل ہو گا۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کے کمیروں سے دکھایا گیا ہے۔ یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے میں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل 5.1 میں مقناطیس سیدھی سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.2 میں مقناطیس تقریباً گول ہے اور اس کے محور کا زاویہ  $\theta_m$  صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن قالب کے پچ صفر زاویہ،  $0 = \theta$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ،  $0 = |\theta|$ ، پر زیادہ سے زیادہ سے کم خلائی درز پر پچکچاہٹ کم ہو گی جبکہ زیادہ خلائی درز پر پچکچاہٹ زیادہ ہو گی للذا  $0 = \theta$  پر خلائی درز سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزرے گا۔خلائی درز کی لمبائی یوں تبدیل کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا ہو۔ مقناطیسی بہاو مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پر داخل ہوتا ہے۔ اگر خلائی درز میں 0 = 0 سائن نما ہو

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب کثافت مقناطیسی بہاو B صفر زاویہ  $\theta_p=0^\circ$ ، پر زیادہ سے زیادہ اور نوے زاویہ،  $\theta_p=90^\circ$ ، پر صفر ہو گی اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\theta_p=0$  کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ $\theta_p=0$  کو مقناطیس کے شالی قطب سے گھڑی کے مخالف

stator coil<sup>8</sup> north pole<sup>9</sup> south pole<sup>10</sup>



شكل 5.2: كثافت مقناطيسي بهاواور زاويه كاتبديلي\_

رخ ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جے کے باہر نو کیلی لکیروں کی لمبائی سے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت اور کلیروں کے رخ سے بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ہاکی سیابی سے  $^{\circ}0$ -  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ  $^{\circ}0$  پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ  $^{\circ}0$  پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ باتی آ دھے میں مخالف کے مخالف ہے۔ یوں شکل 5.2 میں آ دھے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا ترسیم سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس دوسرے زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ یاد رہے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت مقناطیس کے شائی قطب پر زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ ور شائی قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رہ وگا۔ شکل قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(5.4) 
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس کا سائن نما مقناطیسی دباو پیش کیا گیا ہے۔ جیسا شکل 5.4 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مقناطیسی دباو کو عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کا رخ مقناطیس کے شال کو ظاہر کرتا ہے۔ 5.2 معاصر مشين









شکل 5.5: چار قطب یک دوری معاصر جنریٹر۔

شکل 5.3 میں مقناطیس کو لمحہ  $t_1$ ، زاویہ  $\theta_m(t_1)$  پر دکھایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو  $\theta_m(t_1)$  مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار  $\omega_0$  سے گھوم رہا ہو تب ساکن کچھے میں اس لمحہ پر برقی دباو e(t) پیدا ہو گا:

(5.6) 
$$e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

آوھے چکر،  $\pi$  ریڈیئن گھومنے کے، بعد مقناطیسی قطبین آپس میں جگہیں تبدیل کرتے ہیں، کچھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ الٹ ہو گا، کچھے میں ارتباط بہاو  $\theta_0$  اور اس میں امالی برقی دباو e(t) ہو گا۔ ایک مکمل چکر بعد مقناطیس دوبارہ ای مقام پر ہو گا جو شکل 5.3 میں دکھایا گیا ہے، ساکن کچھے کا ارتباط بہاو دوبارہ  $\theta_0$  اور اس میں امالی برقی دباو کی دباو کو گا۔ یوں جب بھی مقناطیس  $\theta_m = 2\pi$  میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں  $\theta_m = 2\pi$  میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں دو سرے کے برابر تبدیلی رونما ہوگی لہذا دو قطب، ایک کچھے کی مثنین میں میکانی زاویہ  $\theta_m$  اور برقی زاویہ  $\theta_0$  ایک دو سرے کے برابر ہوں گ

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین میں میکانی زاویہ  $\theta_m$  اور برقی زاویہ  $\theta_e$  وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپس میں ایک تناسب رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 0 کہتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

frequency<sup>11</sup>

Hertz<sup>12</sup>

synchronous machine<sup>13</sup>

5.2 معاصر مشين

شکل 5.5 میں چار قطب، یک دوری معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مشینوں میں عموماً مقناطیس جبکہ بڑے مشینوں میں برقی مقناطیس  $^{14}$  استعال ہوتے ہیں۔ اس شکل میں برقی مقناطیس استعال کیے گئے ہیں۔ دو سے زائد قطبین والے مشینوں میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس حوالہ قطب کو  $\theta_m$  پر دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب کو  $\theta_m$  زاویہ پر ہے۔

حییا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں مقناطیس کے چار قطبین ہیں۔ ہر ایک ثالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مقناطیسی قطبین کے جوڑوں کی تعداد اور ساکن کچھوں کی تعداد ایک دوسرے قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مثنا سے قطبین قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر کے برابر ہوتی ہے۔ شکل 5.5 میں مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر دو ساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو واشح کیا گیا ہے اور دوسرے کو ہے ہے۔ کچھے کو قالب میں موجود دوشگان اور  $a_1$  میں رکھا گیا ہے۔ ان وونوں کچھوں دوشگان اور  $a_2$  میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں میں یکسال برقی دباو پیدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھوں کو سلسلہ وار 15 جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیڑ سے حاصل برقی دباو ایک کچھے میں پیدا برقی دباو کا دگنا ہو گا۔ یک دوری آلات میں قالب کو مقناطیس کے قطبین کی تعداد کے برابر حصوں میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا نوے مکانی زاویہ کے اطاطے کو گھیرتا ہے۔

ساکن اور حرکی کیجھوں کی کار کردگی ایک دوسرے سے مختلف ہوتی ہے۔اس کی وضاحت کرتے ہیں۔

جیسا پہلے بھی ذکر کیا گیا چھوٹی گھومتی مشینوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں برقی مقناطیس کو گھومتا حصہ دکھایا گیا ہے، حقیقت میں برقی مقناطیس کی مشین میں گومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت میں مقناطیس کسی مشین میں گھومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والے اس کچھے کو میدانی لچھا<sup>16</sup> کہتے ہیں۔اس کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔میدان فراہم کرنے والے اس کچھے کو میدانی لچھا کہ ہیں۔اس کے برعکس مشین میں موجود دوسری نوعیت کے لچھے کو قومی لچھا<sup>17</sup> کہتے ہیں۔برقی جزیر کے قوی کچھے سے برقی طاقت کے برعکس مشین میں موجود دوسری نوعیت کے لچھے میں چند فی صد برقی طاقت کے ضیاع کے علاوہ تمام برقی طاقت وی کھے کو فراہم کی جاتی ہے۔

شکل 5.6 میں گھومتے اور ساکن حصہ کے بی خلائی درز میں شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر نکل کر قالب میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں

electromagnet<sup>14</sup>

series connected  $^{15}$ 

field coil<sup>16</sup>

armature coil<sup>17</sup>







شكل 6.5: چار قطب، دولچھے مثین میں مقناطیسی بہاو۔

اس مقناطیسی بہاو کی کثافت کو دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کا ٹیس تو مقناطیسی بہاو کا رخ دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گا۔ ان مشینوں میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس پر آگے خور کیا جائے گا۔ اگر تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہے تب خلائی درز میں B کی مطلق قیت شکل 5.7 کی طرح ہو گی جہاں  $\theta$  برتی زاویہ ہے۔

P قطبی مقناطیس کے معاصر مثین کے لئے لکھ درج ذیل ہو گا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

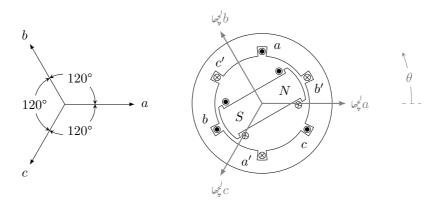
یہاں برقی اور میکانی تعدد کا تناسب 2 ہے۔

مثال 5.1: پاکستان میں گھریلو اور صنعتی صارفین کو  $_{\rm Hz}$  کی برتی طاقت فراہم کی جاتی ہے۔یوں ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگر برقی طاقت دو قطبی جزیٹر سے حاصل کی جائے تب جزیٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟۔
  - اگر جزیر کے بیں قطب ہوں تب جزیر کی رفار کتنی ہو گی؟

حل:

5.2 معاصر شين



شکل 5.8: دو قطب، تین دوری معاصر مثین ـ

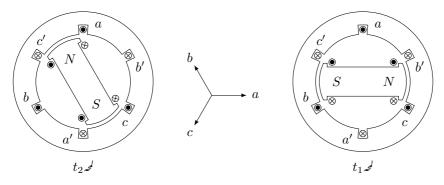
- مساوات 5.8 تحت وو قطبی، P=2، جنریٹر کا میکانی رفتار 50=6 تحت وو قطبی، P=9، جنریٹر کا میکانی رفتار 5.8 تحت وی سیکنڈ لیمنی 18 ہو گا۔
- بیں قطبی، P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار  $f_m=rac{2}{20}(50)=5$  چکر فی سینٹر لیعنی P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار P=20

اب یہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیر سست رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر تیزر فلار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیر نریدہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر عموماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔

a شکل 5.8 میں دو قطب تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھا a جو قالب میں شکاف a اور a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تب یہ بالکل شکل a میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

لچھے کا رخ درج ذیل طریقہ سے تعین کیا جاتا ہے۔

rpm, rounds per minute<sup>18</sup>



شكل 5.9: دوقطب تين دوري مشين ـ

• دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شکافوں میں برتی رو کے رخ کیلیٹیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کا رخ دے گ

شکل 5.8 میں کچھا a کا برقی رو شگاف a میں، کتاب کے صفحہ کو عمودی، باہر رخ جبکہ a' میں اس کے مخالف اندر رخ تصور کرتے ہوئے کچھا a کا رخ تیر دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس رخ کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ یوں کچھا a صفر زاویہ پر لپیٹا گیا ہے، لیعنی a a ہے۔ باقی کچھوں کے زاویات کچھا a کے رخ سے، گھڑی کے مخالف رُخ نابے جاتے ہیں۔

شکل 5.8 میں کچھا b کو شگاف b اور b' میں رکھا گیا ہے اور کچھا c کو شگاف c اور c' میں رکھا گیا ہے۔ مزید کچھا d کو d و شگاف d کو d و d و شگاف d و d و ثرگاف d و شگاف و شگاف d و شگاف d و شگاف d و شگاف و شگاف

شکل 5.9 میں اگر لمحہ  $t_1$  پر لچھا a کا ارتباط بہاو ( $t_1$ ) ہو تب لمحہ  $t_2$  بر، جب مقناطیس °120 زاویہ طے کر لے، لچھا d کا ارتباط بہاو ( $t_1$ ) ہو گا۔ لمحہ  $t_2$  بر مقناطیس اور لچھا d ایک دوسرے کے لحاظ سے بالکل ای طرح نظر آتے ہیں جیسے  $t_1$  پر مقناطیس اور لچھا a ایک دوسرے کے لحاظ سے نظر آتے تھے۔ یوں لمحہ  $t_2$  پر لچھا کا ارتباط بہاو تھا: اتنا ہی ہو گا جننا لمحہ  $t_1$  پر  $t_2$  لحجھا کا ارتباط بہاو تھا:

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

اسی طرح کھے  $t_3$  پر، جب مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کر لے، کچھا c کا ارتباط بہاو ( $\lambda_c(t_3)$  ہو گا جو  $\lambda_c(t_1)$  کے برابر ہو گا۔یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

5.2. معاصر مثين

ان کمحات پر کیجھوں کے امالی برقی دباو

(5.11) 
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.12) e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.13) e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

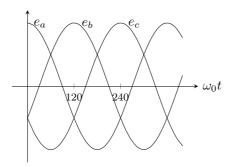
ہوں گے۔ مساوات 5.10 کی روشنی میں درج ذیل ہو گا۔

(5.14) 
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

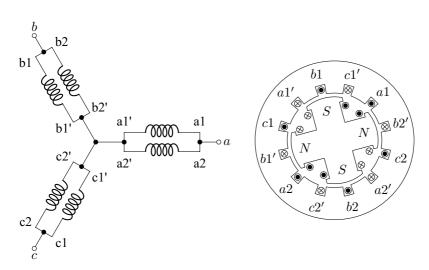
اگر شکل 5.9 میں صرف کچھا a پایا جاتا تب یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اگر ایکی صورت میں مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تب، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھا a میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوتا۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دو سرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں ہے۔ یوں اگر شکل 5.9 میں مقناطیس ای طرح گھمایا جائے تب تینوں سائن کچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہو گا البتہ مساوات 5.14 کے تحت یہ برقی دباو آپس میں a دو سرے کھوں گے۔ ان امالی برقی دباو کو شکل 5.10 میں دکھایا گیا ہے۔ اگر لمحد تحت یہ برقی دباو آپس میں a وقت بھی ہوت بھی جوں درج ذیل a وار لمحد a کی چوٹی پائی جائے گی۔ یوں درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} e_a(t) &= E_0 \cos \omega_0 t \\ e_b(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{2}{3}\pi\right) \\ e_c(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{4}{3}\pi\right) = E_0 \cos \left(\omega_0 t + \frac{2}{3}\pi\right) \end{split}$$

شکل 5.11 میں چار قطب، تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ گھومتے تھے پر شاکی اور جنوبی قطبین باری باری پائے جاتے ہیں اور °180 میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی بائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ علی 5.80 میں ساکن حصہ کے °360 برقی زاویہ کے احاطہ میں تین دوری کچھے نہیں جن کی اطراف کی ترتیب، گھڑی کے مخالف رخ چلتے ہوئے، ہم، 'b ، c ، a ، b ، c وری کچھوں کے اطراف کی ترتیب، گھڑی کے مخالف رخ چلتے ہوئے، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف دو قطبین کے احاطہ، °180 میکانی زاویہ (یا °360 برقی زاویہ)، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف کی ترتیب ہمان کو ماری کی ترتیب ہمان کو ماری کی ترتیب کی ترتیب اور '10 ہے۔ باقی دو قطبین کے احاطے میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو 20 ، '22 کی ترتیب ہمان کی ترتیب ہمان کو ماری کی دو تطبین کے احاطے میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو 20 ، '22 کی ترتیب ہمان کی ترتیب ہمان کی دو تو میں جس کی بالکل اسی طرح آپ کو دو تو میں ہمان کی ترتیب ہمان کی دور کی دو



شكل 5.10: تين دورى امالى برقى د باومين زاويائى فرق پاياجاتا ہے۔



شكل 5.11: چار قطب، تين دوري معاصر مشين ـ

5.3 محسرک برقی دباو 141

c2 ·a2 اور 'c2 نظر آئنس گے۔ کسی بھی لمحہ a1 اور a2 کیھوں میں بالکل کیساں برقی دیاو پیدا ہو گا۔ تین دوری دو کیسال کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دوری برقی دباو حاصل کا جاتا ہے۔شکل 5.11 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے جہاں a کچھے کو صفر زاویہ پر تصور کیا گیا ہے۔

### 5.3 محرک برقی دیاو

F قانون لورینز  $^{19}$  کے تحت مقناطیسی میدان B میں سمتی رفتار v سے حرکت کرتا ہوا برقیر مار $^{20}$  درج ذیل قوت محسوس کرے گا۔

$$(5.15) F = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی میدان کے لحاظ سے برقی بار کی سمتی رفتار ہے للذا F کو ساکن مقاطیسی میدان میں برقی بار کی سمتی رفتار تصور کیا حا سکتا ہے۔ مثبت برقی باریر قوت کا رخ دائیرے ماتھ کا قانور ہے 10 دیگا (صفحہ 104 پر شکل 4.1)۔ دائیں ہاتھ کے انگوٹھے کو باقی انگلیوں کے ساتھ برقرار قائمہ رکھ کر اس ہاتھ کی چار انگلیوں کو v کے رخ سے شروع کر کے، چھوٹے زاویہ پر گھما کر، B کے رخ موڑنے سے انگوٹھا F کا رخ دیگا۔

مقناطیسی میدان میں ابتدائی نقطہ سے اختتامی نقطہ تک، جن کے G ہٹاو G ہبار G بنتقل کرنے کے لئے در کار کام W ہو گا:

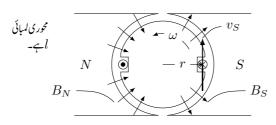
$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برقی مار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے ﷺ برقی دباو22 کتے ہیں جس کی اکائی وولئے V <sup>23</sup> ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے پیچ درج زیل برقی د ماہ ہو گا۔

(5.17) 
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l} \quad \text{(5.17)}$$

Lorentz law<sup>19</sup>  $charge^{20}$ right hand rule<sup>21</sup> potential difference, voltage<sup>22</sup>

volt<sup>23</sup>



شکل5.12: ایک چکر کالچھامقناطیسی میدان میں گھوم رہاہے۔

حرکت کی مدد سے یوں حاصل برقی دباو کو محرکے برقی دباو<sup>24</sup> کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے پیدا برقی دباو کو محرک برقی دباو کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برقی سیل وغیرہ کا برقی دباو بھی محرک برقی دباو کہلائے گا۔

شکل 5.12 میں خلاف گھڑی گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔ بائیں خلاء میں لچھا کی تار کے قطع پر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت بایاں قطع میں موجود مثبت برتی بار پر صفحہ کے عمودی باہر رخ قوت پیدا ہو گی جبکہ اس قطع میں موجود منفی برتی بار پر اس کے مخالف رخ قوت پیدا ہو گی۔مساوات 5.17 کے تحت اس قطع کا بالائی سرا مثبت اور نچلا سرا منفی برتی دباو پر ہو گا۔

ہم گھومتے حصہ کی محور پر نکلی محدد قائم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سامنے خلاء میں B رداسی رخ جبکہ شالی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کے مخالف رخ ہو گا۔ جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار B کے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ extsf{T}} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} \end{aligned}$$

یوں جنوبی قطب کے سامنے تار کے قطع میں درج ذیل محرک برقی دباو پیدا ہو گا۔

(5.19) 
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تارکی لمبائی کا رخ  $a_z$  لیا گیا ہے۔اس مساوات میں برتی دباو منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برتی تار کا مثبت سرا تارپر  $a_z$  سرا منفی ہے۔

electromotive force,  $\mathrm{emf}^{24}$ 

5.3. محسر كب بر قي دباو

ا گراس تار میں رو گزر سکے تو اس رو کا رخ  $a_z$  لیمن صفحہ کو عمودی اندر رخ ہو گا جسے شکل 5.12 میں شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اسی طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.20) 
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

یوں اس قطع میں درج ذیل دباو ہو گا۔

(5.21) 
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N} \\ = -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = \omega r B l$$

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کا رخ  $a_z$  لیا گیا ہے۔اس مساوات میں برقی دباو مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سراتار پر  $a_z$  رخ ہو گا یعنی تارکا بالائی سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہو گا۔اگر اس تار میں رو گزر سکے تو اس کا رخ  $a_z$  لیعنی صفحہ کو عمودی باہر رخ ہو گا جے شکل 5.12 میں شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دونوں تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان تاروں کے نچلے سر ایک دوسرے کے ساتھ سلسلہ وار جڑے ہیں جس کو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس کچھے کے بالائی، نظر آنے والے، سروں پر کل برقی دباو e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباو کا مجموعہ ہو گا:

(5.22) 
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔اگر ایک چکر سے اتنا برقی دباو حاصل ہو تب N چکر کے کچھے سے درج ذیل دباو حاصل ہو گا جہاں  $\phi=AB$  مقناطیسی بہاو ہے۔

(5.23) 
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

گومتی مشینوں کی خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ ایک دوسرے کے عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 کے مستقل زاویائی رفقار اور محوری لمبائی کی صورت میں پیدا کردہ برقی دباو ہر لمحہ B کا براہ راست متناسب ہو گا۔ خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت میں گھومتے کچھے میں پیدا برقی دباو بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ ورکار ہو ای شکل کی کثافت مقناطیسی دباو خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔سائن نما برقی دباو پیدا کرنے کے لئے خلائی درز میں سائن نما کثافت ِ مقناطیسی بہاو درکار ہو گی۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گی۔

## 5.4 تھیلے کچھے اور سائن نمامقناطیسی دباو

ہم نے اب تک جتنے مشین دیکھے ان سب میں گیھ <sup>25</sup> کچھ دکھائے گئے۔ مزید ان مشینوں میں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے اہمرے قطب<sup>26</sup> تھے۔ عموماً حقیقی مشینوں کے ہموار قطب<sup>27</sup> اور چھیلے کچھ <sup>28</sup> ہوتے ہیں جن کی بنا ساکن اور گھومتے حصوں کے بی خلائی درز میں سائن نما مقاطیسی دباو اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کرنا ممکن ہوتا ہے۔

شکل 5.13 میں ایک گیھ کچھ کچھ دکھایا گیا ہے جہاں مشین کے گھومتے ہے کا عمودی تراش گول شکل کا ہو گا۔ متحرک اور ساکن قالب کا  $\infty \leftarrow \mu_r \rightarrow 0$  لمذا ان کی بچکچاہٹ صفر ہو گی۔ کچھ کا مقناطیسی دباو  $m_i$  مقناطیسی بہاو  $m_i$  کی درز میں سے دو مرتبہ گزرتا ہوا جہاں کہ پیدا کرتا ہے جس کو تیر دار کلیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرتا ہوا کچھ کے گرد ایک چکر کا ٹا ہے۔ یوں ایک چکر، یعنی دو درزوں، کے لئے درج ذبل ہو گا۔

$$\tau = Ni = 2Hl_a$$

اس مساوات کی دونوں اطراف کو 2 سے تقسیم کرتے ہوئے ایک درز کی مساوات کھی جا سکتی ہے جہاں ایک درز پر لاگو مقناطیسی دباو کو  $au_{a}$  سے ظاہر کیا گیا ہے:

$$\tau_a = \frac{\tau}{2} = Hl_a$$

non-distributed coils<sup>25</sup>

salient poles<sup>26</sup>

non-salient poles<sup>27</sup>

distributed winding  $^{28}$ 





یوں ساکن کچھے کے مقاطیسی دباو کا ایک آدھا حصہ ایک خلائی درز اور دوسرا آدھا حصہ دوسری خلائی درز میں مقاطیسی بہاو ( اور مقاطیسی بہاو ) رداسی مقاطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید زاویہ  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  خلائی درز میں رداس کے مخالف رخ ہے۔ ہم رداسی رخ کو مثبت تصور کرتے ہیں۔ چونکہ مقاطیسی بہاو ( اور مقاطیسی دباو )  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2} = 2$  در میان رداسی رخ ہے للذا اسے مثبت تصور کیا جائے گا جبکہ باقی حصہ پر مقاطیسی دباو ( اور مقاطیسی بہاو ) رداس کے مخالف رخ ہے للذا اسے منفی تصور کیا جائے گا۔ گا کہ بین خلائی درز میں مقاطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ تر سیم کیا گیا ہے۔ وقفہ  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2}$  کی خلائی درز میں مقاطیسی دباو کو زاویہ کے اور اس کا رخ مثبت ہے جبکہ وقفہ  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2}$  کی خلائی درز میں مقاطیسی دباو کی قیاطیسی دباو کا آدھا اور منفی رخ ہے۔ یاد رہے مقاطیسی دباو کا رخ رداسی رخ خوالہ سے تعین کیا جاتا ہے۔

#### 5.4.1 بدلتارومشين

برلتارو (اے سی) مشین بناتے وقت کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی در زمیں مقناطیسی دباو سائن نما ہو۔سائن نما مقناطیسی دباو دباو کے حصول کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتا ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

وریز تسلسل 29 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل 30  $f(\theta_p)$  کو درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.25) 
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

 $T^{31}$  تفاعل کا دوری عرصہ  $T^{31}$  ہونے کی صورت میں فوریئر تسلسل کے عددی سر درج ذیل ہوں گے۔

(5.26) 
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

Fourier series<sup>29</sup> function<sup>30</sup> time period<sup>31</sup>

### مثال 5.2: شکل 5.14 میں دیے گئے مقناطیسی دباو کا

- فوريئر تسلسل حاصل كرين،
- تيسري موسيقائي جزو<sup>32</sup> اور بنيادي جزو<sup>33</sup> کا تناسب معلوم كريں۔

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_{0} = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_{p} + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) d\theta_{p} + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_{p} \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

اور درج ذیل حاصل ہوں گے۔

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔  $a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$   $a_2 = a_4 = a_6 = 0$ 

third harmonic component<sup>32</sup> fundamental component<sup>33</sup>

اسی طرح درج ذیل ہو گا۔

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

• ان نتائج کا یکجا کرتے ہیں:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

يوں تيسرا موسيقائي جزو بنيادي جزو کا تيسرا حصه يعني 33.33 في صديهو گا۔

مثال 5.2 میں حاصل کردہ  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباو $\tau$  کا فوریئر تسلسل کھتے ہیں۔

(5.27) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p - \cdots$$

مثال 5.2 کے مقاطیسی دباو کے موسیقائی اجزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا جا سکے۔جیسا آپ اس باب میں آگے دیکھیں گے حقیقی مقناطیسی دباو کے موسیقائی اجزاء قابل نظر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی جزو سے غرض ہو گا۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی اجزاء کو نظر انداز کرتے ہوئے مساوات 5.27 ہے۔

(5.28) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$



شكل 5.15: تين دور لچھے۔

خلائی درج میں  $\tau$  ، H اور B ایک دوسرے کے برائے راست متناسب ہوتے ہیں۔ یوں مساوات 5.28 کے تحت شکل 5.13 کا کچھے اور شکل 5.2 میں صفر زاویہ پر سلاخ نما مقناطیس کیساں  $\tau$  (اور B) دیں گ۔ اس طرح اگر شکل 5.13 کا کچھا زاویہ  $\theta_{m}$  پر ہوتا تب ہمیں شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کے نتائج حاصل ہوتے۔

شکل 5.15 میں تین کچھے آپس میں °120 زاویہ پر دکھائے گئے ہیں۔ ہم مساوات 5.64 کی طرح اس شکل میں کچھا a کے لئے درج ذیل کھ سکتے ہیں۔

(5.30) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اسی طرح کیجھا b اور c جو بالترتیب  $heta_{m_b}=120^\circ$  اور  $heta_{m_b}=240^\circ$  اور جو بالترتیب  $heta_{m_b}=120^\circ$ 

(5.31) 
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ} \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ}) \end{aligned}$$

(5.32) 
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^{\circ} \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^{\circ}) = \tau_0 \cos(\theta + 120^{\circ}) \end{aligned}$$

ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہر گز نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض نظر کا دھوکا ہے۔ اس مقناطیسی دباو کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی تمام ارکان کو صفر کر سکیں تب ہمیں سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو گا۔



شكل 5.16: كيميلا لجهابه

شکل 5.13 کے N چیر کچھے کو تین چھوٹے کیساں کچھوں میں تقسیم کرتے ہوئے شکل 5.16 حاصل کیا گیا ہے جہاں ہر چھوٹا کچھوٹا کچھو کا ہے۔ ایسے چھوٹے کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا<sup>34</sup> جاتا ہے للذا ان میں ایک جیسا برتی رو  $\frac{N}{3}$  جہاں ہر چھوٹا کچھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے کچھے کو شگاف  $a_{45}$  اور  $a_{45}'$  میں رکھا گیا ہے۔ ووسرے کچھے کو شگاف  $a_{135}$  اور  $a_{135}'$  میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑا کو ایک ہی طرح کے نام دیے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا  $a_{45}$  اور  $a_{45}$  ہے۔ شگاف کا نام شگاف کے زاویہ کے لحاظ سے رکھا گیا ہے۔ یوں شگاف  $a_{45}$  در حقیقت  $a_{50}$  زاویہ پر ہے، شگاف  $a_{90}$  نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف  $a_{135}$  ایک سو پینیتیں درجہ زاویہ پر ہے۔ اس طرح  $a_{45}$  شگاف  $a_{45}$  کا جوڑا ہے۔

متمام کچھے کا جیل اور تمام کچھوں میں برتی روi ایک دوسرے جیبا ہے۔ شکل 5.16 کے تھلے کچھے کا مقاطیسی دباو بالقابل زاویہ کا ترسیم شکل 5.17 میں موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ سب سے اوپر لچھا کہ کے مقناطیسی دباو کی ترسیم ہے جو شکل 5.14 کی ترسیم کی طرح لیکن صفر زاویہ سے -45 ہٹ کر ہے۔ دوسری ترسیم لچھا  $a_{90}$  کی ہے جو ہو بہو شکل 5.14 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا  $a_{135}$  کی ہے جو صفر زاویہ سے +45 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا موری کے جو صفر زاویہ سے +45 ہٹ کر ہے۔ ان تینوں ترسیمات کا انفرادی طول  $-\frac{Ni}{2}$  ہے۔

ترسیمات  $au_{a45}$  اور  $au_{a135}$  ی سے کل مقناطیسی دباو کی ترسیم  $au_{a45}$  حاصل کرنا سیکھتے ہیں۔ شکل  $au_{a45}$  میں عمود کی نقطہ دار کلیریں لگائی گئی ہیں۔ سب سے بائیں کیپلی کلیر کی بائیں طرف خطہ کو "ا" کہا گیا ہے۔اس

series connected  $^{34}$ 



شكل 5.17: تصليح لحصے كاكل مقناطيسي د باو۔

خطه میں ترسیمات  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، اور  $\tau_{a135}$  کی انفرادی قیمتیں  $\tau_{a45}$  ہیں لہذا ان کا مجموعہ  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، وگلہ یوں خطہ "ا" میں کل مقناطیسی دباو  $\tau$  کی ترسیم کی قیمت  $\tau_{a45}$  ہو گل۔ اس طرح خطہ "ب" میں دباو  $\tau$  کی ترسیم کی قیمت  $\tau_{a45}$  ہو گل۔ اس طرح خطہ "ب" میں مقناطیسی دباو  $\tau$  کی جمعی جو کس مقناطیسی دباو  $\tau$  ہو گلہ مقناطیسی دباو  $\tau_{a45}$  ، جو کل مقناطیسی دباو  $\tau_{a45}$  ہو گلہ خطہ "ج" میں بالائی تینوں ترسیمات کی قیمتیں بالترتیب  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، اور  $\tau_{a45}$  ، ہیں جن کا مجموعہ کھینچ سکتے ہیں۔

شكل 5.17 كى ح كو شكل 5.18 مين دوباره پيش گيا ہے۔شكل 5.18 كيلي لچھے اور شكل 5.14 كيھ لچھے



کے دباو کی ترسیمات ہیں۔ شکل 5.14 کے لحاظ سے شکل 5.18 کی صورت سائن نما کے زیادہ قریب ہے۔ فوریئر سلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔ شگافوں کے مقامات اور ان میں کچھوں کے چکر یوں رکھے جا سکتے ہیں کہ ان کے پیدا کردہ مقناطیسی دباوکی ترسیم کی صورت سائن نماکی زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

کے کھیے کے مختلف حصے ایک ہی زاویہ پر مقناطیسی دباو نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباو کا حیطہ (اشنے ہی چکر کے) ایک کچھ کچھ کے حیطہ سے کم ہوتا ہے۔ مساوات 5.29 میں اس اثر کو شامل کرنے کے لئے جزو  $k_w$  متعارف کیا جاتا ہے

(5.33) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac$$

مثال  $k_w$  تنظی  $k_w$  کے کھیے کے کا  $k_w$  تلاش کریں۔

 $a_1$  حل: ہمیں شکل 5.18 کی موج کا بنیادی جزو درکار ہے للذا ہم اس موج کے فوریئر شلسل کا عددی سر تا شکل  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا

$$a_1 = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta) \cos \theta \, d\theta = \frac{4}{T} \int_{-T/4}^{T/4} f(\theta) \cos \theta \, d\theta$$

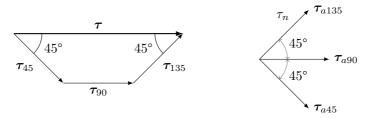
اس طرح درج ذیل ہو گا۔

$$a_{1} = \frac{2}{\pi} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} f(\theta) \cos \theta \, d\theta$$

$$= \frac{2}{\pi} \Big[ \int_{-\pi/2}^{-\pi/4} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, d\theta + \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \frac{Ni}{2} \cos \theta \, d\theta + \int_{\pi/4}^{\pi/2} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, d\theta \Big]$$

$$= 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

winding factor<sup>35</sup>



شكل 5.19: تصليح لجھے كاجزو كھيلاو۔

يوں  $k_w=0.8047$  کو گاہ

مقناطیسی دباو کو سمتیہ تصور کرتے ہوئے درج بالا مثال کو دوبارہ حل کرتے ہیں۔ آپ دیکھیں گے کہ یہ ترکیب نسبتاً آسان ہے۔

مثال  $k_w$  تلاش کریں۔ شکل 5.16 کے تھیے کچھے کا  $k_w$  تلاش کریں۔

 $au_n = rac{4}{\pi} rac{ni}{2}$  حل: شکل 5.19 سے رجوع کریں۔ شکل 5.16 کے تین چھوٹے کچھے ایک جیسا مقناطیسی د باو  $\frac{n}{2} = \frac{ni}{2}$  ہو گا۔ ہم تینوں مقناطیسی د باو  $\frac{N}{3}$  جیرا کرتے ہیں البتہ ان کے رخ مختلف ہیں۔ یہاں ایک لچھا  $\frac{N}{3}$  چکر کا ہے لہٰذا  $\frac{N}{3}$  ہو گا۔ ہم تینوں مقناطیسی د باو au معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

للذا  $k_w = 0.8047$  کے برابر ہے۔

مثال 5.5: تین دوری، 50 ہرٹز، سارہ جڑے جزیٹر کو 3000 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔ تیس چکر کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.83 ہے۔ مثین کا کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 ہے۔ مثین کا رداس 0.7495 میٹر اور لمبائی 2.828 ء میٹر ہے۔خلائی درز کی لمبائی 0.04 میٹر ہے۔میدانی کچھے میں  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔میدانی کچھے میں  $l_k=0.04$  میٹر ہوں مورت میں درج ذیل تلاش کریں۔خلاء میں مقناطیسی بہاو سائن نما ہو گا۔

- میدانی مقناطیسی دباو کی زیادہ سے زیادہ قیمت۔
- خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کی زیادہ سے زیادہ قیت۔
  - ایک قطب پر مقناطیسی بہاو۔
    - متحرک تاریر برقی د باو۔

حل:

- $\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$ 
  - $B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$
- $\phi_0 = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} r l B_0 \cos\theta \, d\theta = 2B_0 l r = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \,\text{Wb}$

 $E_{rms} = 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0$ = 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 = 6349.85 V

یوں سارہ جڑی جزیڑ کی تار کا برتی دباہ درج ذیل ہو گا۔ $\sqrt{3} imes6349.85pprox11\,000\, ext{V}$ 

ہم سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کرنا چاہتے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ مقصد پورا ہو۔ شکل 5.18 میں صفر زاویہ کے دونوں اطراف مقناطیسی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹتی یا بڑھتی ہے۔ مثلاً جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباو  $\frac{N_i}{3}$  گھٹتا ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مزید  $\frac{N_i}{3}$  گھٹتا ہے، وغیرہ وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فوریئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھا جاتا ہے۔

ساکن کچھوں کی طرح متحرک کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو۔

## 5.5 مقناطيسي د باو كي گھومتى امواج

گھومتے مشین کے لیجھوں کو برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دورکی لپٹی مثین

مساوات 5.33 میں ایک کچھے کا مقناطیسی د باو

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیا گیا ہے جو سائن نما برقی رو

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صورت میں

(5.37) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقناطیسی دباو دے گا جہاں  $au_0$  درج ذیل ہے اور کچھا کے برقی رو کو  $au_a$  کہا گیا ہے۔

(5.38) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

مساوات 5.37 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو زاویہ <math> heta اور لحہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ مساوات 5.37 کو کلیہ

(5.39) 
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

کی مدد سے دو ٹکٹروں

(5.40) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

میں تقسیم کیا جا سکتا ہے جہال  $au_a^-$  اور  $au_a^+$  درج ذیل ہوں گے۔

(5.41) 
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(5.42) 
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

مساوات 5.40 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو دو آپس میں مخالف رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موجوں کا مجموعہ ہے۔ اس کا یہلا جزو  $\tau_a^+$  خلاف گھڑی، زاویہ بڑھنے کے رخ، لعنی گھڑی وار ، گھومتا ہے جبکہ اس کا دوسرا جزو  $\tau_a^+$  خلاف گھڑی، زاویہ بڑھنے کے رخ، گھومتا ہے۔

ایک دور کی لیٹی مثینوں میں گھومتے مقاطیسی دباو کی امواج میں سے کسی ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی جاتی ہے۔ اس طرح ایک ہی رخ مقاطیس کی مانند ہوگا۔ تین دوری مثینوں میں ایسا کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔

## 5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجزيه

شکل 5.20 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں  $k_x$  فور میر تسلسل کے بنیادی اجزاء دیے گئے ہیں جن میں جزو پھیلاو  $k_x$  شامل کر کے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

(5.43) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

ان کچھوں میں بالترتیب تین دوری برقی رو

(5.44) 
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$



شكل 5.20: تين دوركي لپڻي مشين۔

لینے سے مساوات 5.43 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

(5.45) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

تینوں کچھوں کے چکر ایک دوسرے کے برابر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات 5.39 کی استعال سے

(5.46) 
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

 $au_0$  کھے جا سکتے ہیں جہاں  $au_0$  درج ذیل ہے۔

(5.47) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقناطیسی و باوau ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔  $\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^\circ) + \cos(\gamma + 240^\circ) = 0$ 

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\beta=240^\circ$$
 اور  $lpha=\gamma$  کے کر

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

حاصل کرتے ہیں جن میں جن میں حاصل ہو گا۔  $\cos 240^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2}$  ماصل کرتے ہیں جن میں جا ماصل ہو گا۔

$$\begin{aligned} \cos(\gamma + 240^\circ) &= -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma \\ \cos(\gamma - 240^\circ) &= -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma \end{aligned}$$

ان مساوات کو  $\cos \gamma$  کے ساتھ جمع کرنے سے صفر حاصل ہو گا۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے کئے اس مساوات کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔  $\gamma=\theta+\omega t+\alpha$ 

$$(5.48) \quad \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$$

اب مساوات 5.46 میں دئے  $au_b$  ،  $au_c$  اور  $au_c$  کو جمع کر کے مساوات 5.48 کا استعمال کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.49) 
$$\tau^{+} = \tau_{a} + \tau_{b} + \tau_{c} = \frac{3\tau_{0}}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.49 کہتی ہے کہ کل مقناطیسی دباو کا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا  $\frac{8}{2}$  گنا ہو گا۔ مزید مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کے مخالف رخ گھوے گی۔ یول تین کچھوں کو °120 زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دوری برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے ہجان کرنے سے مقناطیسی دباو کی واحد ایک موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ کسی دو برقی رو کو آپس میں تبدیل کرنے سے مقناطیسی موج کا رخ تبدیل ہوتا ہے۔

مساوات 5.49 ایک گھومتے موج کو ظاہر کرتی ہے جس میں ہم برتی رو کا تعدد 50 Hz اور اپنی آسانی کے لئے  $\cos(\theta-\omega t)$  کو صفر لیتے ہیں۔ یوں اس موج کی چوٹی کا تعین تفاعل  $\cos(\theta-\omega t)$  کرے گا۔ تفاعل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی کے نظر رکھیں۔ تفاعل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی اکائی ہے جو  $\cos(\theta-\omega t)$  پر پائی جاتی ہے۔



شكل 5.21: حركت كرتى موج\_

ابتدائی کھہ t=0 پر ہوگی جس کو  $\cos(\theta-\omega t)$  پر ہوگی جس کو  $\cos(\theta-\omega t)$  پر ہوگی جس کو ابتدائی کھہ ابتدائی کھی ہوگئی ہوگئی

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صفر برتی زاویہ پر ہو گی جسے شکل 5.21 میں نقطہ دار ککیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ہم کچھ وقفہ، مثلاً t=0.001

$$\theta - \omega t = 0$$
  

$$\theta - 0.001\omega = 0$$
  

$$\theta = 0.001\omega$$
  

$$= 0.001 \times 2 \times \pi \times 50$$
  

$$= 0.3142 \,\text{rad}$$

اب یہ چوٹی 0.3142 یا  $\frac{\pi}{10}$  برتی ریڈیئن یعنی 18° برتی زاویہ پر ہے جے شکل 5.21 میں باریک کھوں کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی دباوکی موج گھڑی کے مخالف رخ، یعنی زاویہ بڑھنے کے رخ، گھوم گئ  $\theta - \omega t' = 0$  برچوٹی کا مقام  $0 = \omega t' = 0$  کے درج ذیل حاصل ہوگا جے موٹی گھوں کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ سے درج ذیل حاصل ہوگا جے موٹی گھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

$$(5.50) \theta = \omega t'$$

مساوات 5.50 کہتی ہے کہ چوٹی کا مقام تعین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ بندر تک بڑھتا ہے۔اس مساوات سے ایک مکمل چکر یعنی heta=0 برتی زاویہ طے کرنے کا دورانیہ T حاصل کرتے ہیں۔

(5.51) 
$$T = t' = \frac{\theta}{\omega} = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

یاد رہے f برقی رو کا تعدد ہے۔ یوں 50 ہرٹز برقی رو کی صورت میں مقناطیسی دباو کی موج ہر  $\frac{1}{50}=0.02$  سینڈ میں ایک مکمل برقی چکر کاٹے گی اور ایک سینڈ میں 50 برقی چکر مکمل کرے گی۔

دو قطبی مشینول میں مساوات 5.7

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

ے تحت برقی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مشینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات 05.51 کے تحت ایک سینڈ میں مقناطیسی دباو کی موج f برقی یا میکانی چکر مکمل کرے گی جہاں f برقی روکی تعدد ہے۔ P قطبی مشینوں کے مقناطیسی دباو کی موج ایک سینڈ میں f مقناطیسی چکر یعنی f میکانی شکر کمل کرے گی۔

ہم مساوات 5.52 کی دونوں اطراف کا وقت کے ساتھ تفرق لیتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta_e}{\mathrm{d}t} = \frac{P}{2} \frac{\mathrm{d}\theta_m}{\mathrm{d}t}$$

اب  $\frac{\mathrm{d}\theta_e}{\mathrm{d}t}$  برتی زاویائی رفتار  $\omega_e$  اور  $\frac{\theta_m}{\mathrm{d}t}$  میکانی زاویائی رفتار  $\omega_m$  کو ظاہر کرتے ہیں۔اسی طرح برتی رو کی تعدد کو  $f_e$  ، متناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برقی زاویہ کو  $\theta_e$  ، میکانی زاویہ کو  $\theta_m$  اور متناطیسی دباو کی موج کی برقی زاویائی رفتار کو  $g_m$  سے ظاہر کرتے ہوئے درج ذبلی ہوں گے۔

$$\omega_m = \frac{2}{P}\omega_e \quad \text{rad/s}$$

$$f_m = \frac{2}{P}f_e \quad \text{Hz}$$

$$n = \frac{120f_e}{P} \quad \text{if } \vec{v}$$

متناطیسی موج کی برتی معاصر زاویائی رفتار  $\omega_e$  برتی زاویه فی سینڈ اور میکانی معاصر زاویائی رفتار  $\omega_m$  میکانی زاویه فی سینڈ ہو گی۔ای طرح موج کی برتی معاصر رفتار  $f_m$  میکانی ہر ٹز ہو گی۔برتی سینڈ ہو گی۔ای

 $synchronous\ speed^{36}$ 

معاصر رفتار  $f_e$  ہرٹز ہونے سے مراد ہے کہ ایک سینڈ میں موج  $f_e$  برتی چکر کا فاصلہ طے کرتی ہے جو دو قطب کا لینی  $\pi$  ریڈیئن کا میکانی زاویہ ہے۔ اس طرح میکانی معاصر رفتار  $f_m$  ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ موج ایک سینڈ میں  $f_m$  میکانی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکانی چکر روز مرہ زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میں  $f_m$  میکانی چکر فیج منظے  $\pi$  کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 5.53 معاصر فقار کی مساوات ہے۔

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی لپٹی مثین جس کے لچھے  $\frac{2\pi}{q}$  برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں برقی رو q دوری ہو میں، تین دوری مثین کی طرح، ایک ہی رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مزید، اس موج کا حیطہ کسی ایک لچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا  $\frac{q}{2}$  گنا ہو گا اور اس کی زاویائی رفتار  $\frac{q}{2}$  گی رفتی ریڈ میکن فی سینڈ ہو گی۔ برقی ریڈ میکن فی سینڈ ہو گی۔

## 5.5.3 تين دور کي لپڻي مشين کاتر سيمي تجزيه

شکل 5.22 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے جس میں مثبت برقی رو کے رخ دکھائے گئے ہیں۔ یوں a شگاف میں برقی رو کا رخ میں برقی رو کا رخ میں برقی رو کا رخ صفحہ میں عمودی باہر کو ہے جے نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اسی طرح a' شگاف میں برقی رو کا رخ صفحہ میں عمودی اندر کو ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگاف a اور a' میں مثبت برقی رو کا مفاطیسی دباو کا رخ دائیں مقاطیسی دباو کا رخ دائیں جو گا جو عین لچھا a کا رخ ہے۔ لچھے میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو کا رخ دائیں ہم علوم کیا جا سکتا ہے۔

a اب اگر کچھا a میں برقی رو منفی ہو تب برقی رو مثبت رخ کے مخالف ہو گا، یعنی اب برقی رو کا رخ شگاف a میں صفحہ کے عمود کی باہر ہو گا۔ یوں منفی برقی رو سے پیدا مقناطیسی و باو بھی کچھا a کے رخ کا مخالف ہو گا۔ آپ نے دیکھا کہ برقی رو منفی ہونے سے مقناطیسی و باو کا رخ الٹ ہو جاتا ہے۔ شکل 2.2 میں کچھوں کے برقی رو اور مقناطیسی و باو درج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل میں دیے گئے ہیں۔

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$
 
$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

rpm, rounds per minute<sup>37</sup>



شکل 5.22: تین دورکی لپٹی مثین میں مثبت برقی رواوران سے حاصل مقناطیسی دیاوے رخ۔

(5.55) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

ہم مختلف کھات پر ان کی قیمتوں تلاش کرتے ہیں اور ان کا مجموعی مقناطیسی دباو حاصل کرتے ہیں۔

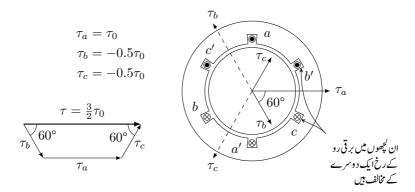
لحہ t=0 پر ان درج بالا مساوات سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.56) 
$$\begin{aligned} i_a &= I_0 \cos 0 = I_0 \\ i_b &= I_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5 I_0 \\ i_c &= I_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5 I_0 \end{aligned}$$

(5.57) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$

یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ t=0 پر t=0 مثبت جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  منفی ہیں۔ یوں  $i_a$  کا رخ وہی ہو گا جے شکل t=0 میں نقطے اور صلیب سے دکھایا گیا ہیں جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  کے رخ شکل میں دیے گئے رخ کے خالف ہوں گے۔ لمحہ t=0 پر تینوں برقی رو کے درست رخ اور تینوں متناطیسی دباو شکل 5.23 میں دکھائے ہیں۔

کل مقناطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم (شکل 5.23)، مجموعه سمتیات سے یا الجبرا کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا



شكل 5.23: لمحه $t_0=0$ ير برقى رواور مقناطيسى د باوـ

ہے۔

(5.58) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_{a} &= \tau_{0} \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_{b} &= 0.5 \tau_{0} \left[ \cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} - \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_{c} &= 0.5 \tau_{0} \left[ \cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \end{aligned}$$

ان کا مجموعہ درج ذیل ہو گا۔

(5.59) 
$$\tau = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3}{2}\tau_0 a_X$$

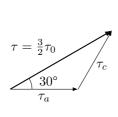
$$t = 0 \quad \text{if } t = 0 \quad \text{if } t = 0$$

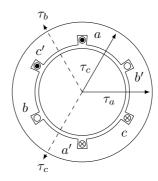
$$t = 0 \quad \text{if } t = 0$$

ا بهم گھ<sup>یا</sup> ی کو جلنہ میں بین اور کچہ وقذ اور لیم یہ بر رو ارد میں اطلبی دیاو میں اش کر تر ہیں

5.54 اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ وقفہ بعد لمحہ  $t_1$  پر دوبارہ مقناطیسی دباو تلاش کرتے ہیں۔ مساوات 5.55 میں متغیر  $t_1$  کی بجائے  $t_2$  کا استعال زیادہ آسان ہے للذا ہم لمحہ  $t_1$  یوں متخب کرتے ہیں کہ مور مساوات 5.55 میں دکھایا گیا ہے۔  $\omega t_1 = 30^\circ$ 

(5.60) 
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$





 $t_1=30^\circ$  يربر تي رواور مقناطيسي د باوـ $t_1=30^\circ$ 

(5.61) 
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$
$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

کل مقناطیسی دباو کا طول au اور زاویه تکون سے حاصل کرتے ہیں۔

(5.62) 
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a\tau_c\cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

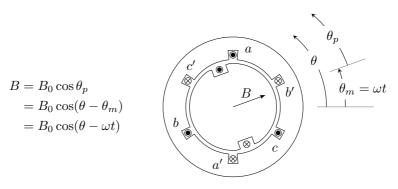
تکون کے دو اطراف کی لمبائیاں ایک دوسرے کے برابر اور ان کے ﷺ زاویہ °60 ہے للذا مقناطیسی دباو کا زاویہ افقی کیبر سے °30 ہو گا۔

کل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب گھڑی کے مخالف رخ گھوم کر °30 زاویہ پر ہے۔ اسی طرح لمحہ  $\omega t = \theta^\circ$  پر حل کرنے سے زاویہ  $\omega t = \theta^\circ$  پر کل مقناطیسی دباو  $\frac{3}{2} \tau_0$  حاصل ہو گا۔ عمومی لمحہ  $\omega t = 40^\circ$  ہو، زاویہ  $\theta^\circ$  پر کل مقناطیسی دباو  $\frac{3}{2} \tau_0$  پیدا کرتا ہے۔

## 5.6 محرك برقى دباو

یہاں محرک برقی دباو<sup>38</sup> کو ایک دوسرے نقطہ نظر سے پیش کرتے ہیں۔

5.6. محسر ك\_بر قي دباو



شكل 5.25: بنيادى بدلتار وجزيٹر۔

#### 5.6.1 بدلتاروبرتی جزیٹر

شکل 5.25 میں ایک بنیادی بدلنارو چنر پڑ<sup>39</sup> و کھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتا ہے:

$$(5.63) B = B_0 \cos \theta_p$$

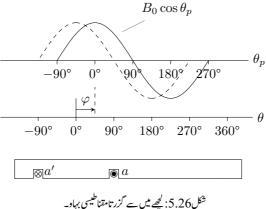
یہ مقناطیس  $\omega$  زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ابتدائی کچہ t=0 پر اس مقناطیس کو کچھا a کے رخ، یعنی ہلکی سیاہی کی افقی کیبر پر تصور کریں۔ یوں کچہ t پر یہ گھوم کر زاویہ  $\theta_m=\omega t$  پر ہو گا۔اس طرح درج بالا مساوات درج ذیل کھی جا سکتی ہے۔

(5.64) 
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.26 میں B کو زاویہ  $\theta$  اور  $\theta_p$  کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے اور ساتھ ہی لچھا a د کھایا گیا ہے۔ لمحہ b جب گھومتے برتی مقناطیس کا محور اور لچھا a کا محور ایک رخ ہیں، نقطہ دار لکیر سے B د کھایا گیا ہے جبکہ عمومی لمحہ b پر a کو شوس کئیر سے د کھایا گیا ہے۔ چونکہ a کی چوٹی ہر صورت  $\theta_p = 0$  پر ہو گی لہٰذا ترسیم میں محور b پر د کھائے گئے زاویات b وہ b تا b وہ کہ b کے لئے درست ہیں ناکہ b کے لئے۔ لمحہ b پر د کھائے گئے زاویات b وہ b پر ہو گی۔ عمومی لمحہ b پر برتی مقناطیس کے محور اور لمجھے کے محور کے b وراور پہنے کے محور اور لمجھے کے محور کے b وہ ناویہ ہے۔ یہ زاویہ برتی مقناطیس کے گھومنے کی رفتار میں منحصر ہو گا۔

$$(5.65) \theta = \omega t$$

ac generator<sup>39</sup>



لمحہ t=0 پر کچھا a میں مقناطیسی بہاو زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ خلائی درز باریک ہونے کی بنا درز کا اندرونی اور بیرونی رداس تقریباً ایک دوسرے حبیبا ہوں گے۔ برقی مقناطیس کے گھومنے کے محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ و اور برقی مقناطیس کی محوری لمبائی $^{40}$  ہونے کی صورت میں کیھے میں مقناطیسی بہاو وہی ہو گا جو خلائی درز میں ho $\cdot$  ہیں۔ t=0 کے نکی ہے۔ کمحہ t=0 کے بیں۔ t=0 کے بین کرتا بہاو تلاش کرتے ہیں۔

(5.66) 
$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

5.6. محسر ك\_بر قي دباو

آخری قدم پر  $\phi_a(0)$  کو  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔ یہی حساب لمحہ t پر درج ذیل ہو گا جہاں آخری قدم پر  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0}l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اسی بہاو کو درج ذیل طریقہ سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مر تبہ تکمل زاویہ  $\theta$  کے ساتھ کیا گیا ہے۔ مساوات 0.66 کی مدد سے  $\phi_a(t)$  کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔  $\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$  (5.69)

مساوات 5.68 کی طرح d اور c کچھوں کے مقناطیسی بہاو کی مساواتیں بھی حاصل کی جا سکتی ہیں۔ شکل 5.25 میں زاویہ  $\frac{\pi}{2}$  سے تک کا مقناطیسی بہاو کچھا a میں گزرتا ہے۔ اس لئے  $\phi_a(t)$  معلوم کرنے کے لئے مساوات زاویہ  $\frac{\pi}{2}$  سے تک کا مقناطیسی بہاو کچھا a میں گمل کے حد  $\frac{\pi}{6}$  اور  $\frac{5\pi}{6}$  باور  $\frac{5\pi}{6}$  کے حد  $\frac{5\pi}{6}$  کے حد کے

ہوں گے۔تمام زاویات ریڈیٹن میں دیے گئے ہیں۔یوں درج ذیل ہو گا۔  $+\frac{11\pi}{6}$ 

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right)$$

اور

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{16}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right)$$

ایک لچھا کے N چکر تصور کرتے ہوئے تینوں کچھوں میں پیدا برقی دباو معلوم کرتے ہیں۔ کچھوں میں ارتباط بہاو درج ذمل ہو گا۔

(5.72) 
$$\lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0 \cos \omega t$$

$$\lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$\lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

5.6. محسر کے برتی دباد

ان مساوات میں  $\frac{2\pi}{3}$  ریڈیئن کو  $120^\circ$  کھھا گیا ہے۔ کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

(5.73) 
$$e_a(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ)$$

$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ)$$

$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ)$$

کھا جا سکتا ہے جو آپس میں °120 زاویہ پر تین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتی ہیں۔ ان سب کے حیطے  $E_0$  ایک دوسرے جتنے ہیں

$$(5.75) E_0 = \omega N \phi_0$$

للذاتينول برقى دباوكي موثر قيت 41 درج ذيل هو گي۔

(5.76) 
$$E_{\dot{j}_{y}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

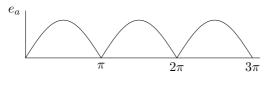
چونکہ  $\phi=BA$  ہوتا ہے لہذا مساوات 5.76 صفحہ 50 پر دی گئی مساوات  $\phi=BA$  کی طرح ہے۔

مساوات 5.74 سائن نما برقی دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ اگرچہ اسے یہ تصور کر کے حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو صرف برقی مقناطیسی بہاو سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کس طرح وجود میں آیا اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو جزیئر کے ساکن حصہ میں پیدا ہوئی ہو۔ جزیئر کے ساکن حصہ میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.76 ہمیں ایک گچھ لچھ میں پیدا برتی دباو دیتی ہے۔ اگر لچھا تقسیم شدہ ہو تب اس کے مخلف شگافوں میں موجود اس لچھ کے حصوں میں برتی دباو ہم قدم نہیں ہوں گے للذا ان سب کا مجموعی برتی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہو گا بلکہ اس سے کچھ کم ہو گا۔ یوں کھیلے کچھ کے لئے یہ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(5.77) E_{\dot{\tau}} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

 ${\rm rms}^{41}$ 



شكل 5.27: يك دوري يك سمت برقى د باو\_

تین دوری برقی جزیٹر وں کے  $k_w$  کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں یک دوری برقی دباو دیتی ہے۔ تین دوری برقی جن یٹی کی تین کچھول کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی سارہ یا  $\Delta$  یعنی سکونی جوڑا جاتا ہے۔

#### 5.6.2 يك سمت روبر قي جزيٹر

ہر گھومنے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتا رو جزیٹر ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمت برقی دباو<sup>42</sup> کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتا برقی دباو کو یک سمت برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمھ کار<sup>43</sup> یا جزیٹر کے اندر میکانی سمھ کار<sup>44</sup> نسب کر کے بدلتا دباو سے یک سمت دباو حاصل کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.73 جزیٹر کے اندر میکانی سمت برقی دباو میں تبدیل کرنے سے شکل 5.27 حاصل ہو گا۔

مثال 5.6: شكل 5.27 مين يك سمت برقى دباو دكھايا گيا ہے۔اس يك سمت برقى دباوكى اوسط قيمت حاصل كريں۔

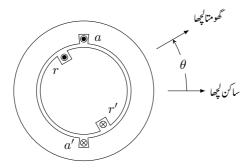
حل:

$$E_{\rm bol} = \frac{1}{\pi} \int_0^\pi \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = \frac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

П

یک سمت جزیٹر پر باب 8 میں غور کیا جائے گا۔

DC voltage<sup>42</sup> rectifier<sup>43</sup> commutator<sup>44</sup>



شكل 5.28: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

### 5.7 موار قطب مشينول مين قوت مرور الم

اس حصد میں کامل مشین میں قوضے مرور <sup>45</sup> کے حصول کے دو تراکیب پر غور کیا جائے گا۔ ایک ترکیب میں مشین کو دو مقاطیس تصور کر کے ان مقناطیس کے چہد دوسری مقناطیس تصور کر کے ان مقناطیس کے جبکہ دوسری ترکیب میں مشین کے ساکن اور گھومتے کچھوں کو امالہ تصور کر کے (باب چار کی طرح) توانائی اور ہم-توانائی سے ان کا حساب لگایا جائے گا۔ پہلے توانائی کی ترکیب پر غور کرتے ہیں۔

#### 5.7.1 ميكاني قوت مر ور بذريعه تركيب توانائي

یہاں یک دوری مشین پر غور کیا جائے گا جس سے حاصل نتائج با آسانی زیادہ دور کی مشینوں پر لا گو کیے جا سکتے ہیں۔ شکل 5.28 میں یک دوری کامل مشین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس مشین کے دو لمجھوں کے بچ کوئی زاویہ ہو گا جے  $\theta$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر مقام پر کیساں ہے لمذا ابھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جاتا ہے۔ مزید قالب کا جزو مقاطیس مستقل لا متناہی  $(\infty \to \mu_r)$  تصور کیا گیا ہے لمذا کچھوں کا امالہ صرف خلائی درز کے مقاطیسی مستقل 04 ہو گا۔

 $L_{ar}(\theta)$  اس طرح ساکن کچھے کا امالہ  $L_{aa}$  اور گھوے کچھے کا امالہ  $L_{rr}$  کا امالہ  $L_{aa}$  کا امالہ وہ ساکہ ایک کچھے کا سارا متناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے زاویہ  $\theta$  پر منحصر ہو گا۔ جس لمحہ  $\theta=\pm2\pi$  یا  $\theta=0$  ہو اس لمحہ ایک کچھے کا سارا متناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے

torque<sup>43</sup>

magnetic constant, permeability  $^{46}$ 

 $\theta=\mp180^\circ$  بھی گزرتا ہے اور ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے  $L_{ar0}$  سے ظاہر کیا جائے گا۔ جس کمحہ ہو اس ہو اس کمحہ دوبارہ ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے لیکن اس بار اس کا رخ الٹ ہوتا ہو اس کمحہ دوبارہ ایک کا مشتر کہ امالہ صفر ہو گا۔خلائی درز میں ہمتناطیسی بہاو سائن نما

$$(5.78) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

تصور کرتے ہوئے ساکن اور گھومتے لیھوں کے ارتباط بہاو درج ذیل ہوں گے۔

(5.79) 
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ar}(\theta)i_{r} = L_{aa}i_{a} + L_{ar0}\cos(\theta)i_{r}$$
$$\lambda_{r} = L_{ar}(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r} = L_{ar0}\cos(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r}$$

ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مزاحمت  $R_r$  لیتے ہوئے ان کچھوں کے سروں پر قانون کرخوف سے برقی دیاو درج ذبل ہوں گے۔

$$(5.80) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہال θ برقی زاویہ ہے جس کی وقت کے ساتھ تبدیلی، ω دے گی۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ ہم-توانائی حاصل کی جاسکتی ہے۔ ہم-توانائی صفحہ 126 پر مساوات 4.72 سے حاصل ہو گ۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

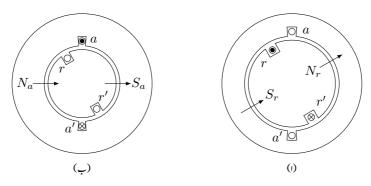
(5.82) 
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

اس سے میکانی قوت مروڑ  $T_m$  حاصل کرتے ہیں۔

(5.83) 
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

چونکہ P قطب مشینوں کے لئے درج ذیل ہوتا ہے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$



شكل 5.29: لچھوں كے قطبين۔

للذا بمين مساوات 5.83 سے درج ذيل حاصل ہو گا۔

$$(5.85) T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

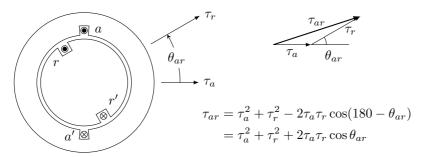
اس مساوات میں قوت مروڑ  $T_m$  کی علامت منفی ہے۔ یوں جس لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کے نی زاویہ مثبت ہو، اس لمحہ پر ان کچھوں کے نی قوت مروڑ منفی ہو گا۔ قوت مروڑ دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک رخ میں رکھنے کی کوشش کرتا ہے۔

# 5.7.2 ميكاني قوت مروڙ بذريعه مقناطيسي بهاو

شکل 5.29-ا میں دو قطبی یک دوری مشین کے صرف گھومتے کچھے میں برتی رو پایا جاتا ہے۔ مشین کا گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین دکھائے گئے ہیں۔ اس کچھے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے لہٰذا تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔

شکل 5.29-ب میں صرف ساکن کچھے میں برتی رو پایا جاتا ہے۔ ساکن حصہ سے مقناطیسی بہاو خارج ہو کر خلائی درز سے ہوتا ہوا گھومتے حصہ میں داخل ہوتا ہے للذا یہی اس کا شالی قطب ہو گا۔ یہاں ساکن حصہ ایک مقناطیس مانند ہے جس کا محور تیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ا گرچپہ شکل 5.29 میں گچھ کچھے د کھائے گئے ہیں، در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباو کی امواج کی چوٹیوں کو ظاہر کرتے ہیں۔



شكل5.30: خلائي در زمين مجموعي مقناطيسي دياويه

شکل 5.30 میں دونوں کچھوں کو برتی رو فراہم کی گئی ہے۔ دونوں کچھوں کے مخالف قطبین کے آج قوت کشش پایا جائے گا جس کی بنا دونوں کچھے ایک ہی رخ ہونے کی کوشش کریں گے۔

واضح رہے کہ دونوں کچھے (مقناطیس) کوشش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صفر کے برابر ہو لینی ان کا میکانی قوت مروڑ  $\theta_{ar}$  کے مخالف رخ ہو گا۔ یہی مساوات 5.85 کہتی ہے ۔

لچھوں کے مقناطیسی دباو کو مقناطیسی محور کے رخ  $\tau_a$  اور  $\tau_r$  سے ظاہر کیا گیا ہے جہاں  $\tau_a$  اور  $\tau_r$  سائن نما مقناطیسی دباو کی چوٹیوں کے برابر ہیں۔ خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو  $\tau_{ar}$  ان کا مجموعہ ہو گا جس کا طول  $\tau_{ar}$  کلیہ کوسائن  $\tau_{ar}$  سے حاصل ہو گا:

(5.86) 
$$\tau_{ar}^{2} = \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} - 2\tau_{a}\tau_{r}\cos(180^{\circ} - \theta_{ar})$$
$$= \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar}$$

خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو  $au_{ar}$  درج ذیل مقناطیسی شدت  $H_{ar}$  پیدا کرے گا جہاں کا کی درز کی لمبائی  $au_{ar}$ 

$$\tau_{ar} = H_{ar}l_q$$

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ خلاء میں جس مقام پر مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی  $H_{ar}$  ہم۔توانائی کی کثافت  $H^2$  ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط ہم۔توانائی کی کثافت، درز میں  $H^2$  کی اوسط کو  $H^2$  ہے

cosine law<sup>47</sup>

 $H^2$  عاصل کرتے ہیں:  $H^2 = H_0 \cos heta$  عاصل کرتے ہیں:

(5.88) 
$$H_{\nu, j}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} d\theta = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2}\theta d\theta$$
$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta = \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} = \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

یوں خلائی درز میں اوسط ہم-توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{H_{ar}^2}$  ہو گی۔ خلائی درز میں اوسط ہم-توانائی کو خلاء کے حجم سے ضرب کر کے درز میں کل ہم-توانائی  $W_m'$  حاصل ہو گی:

(5.89) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}}{2} \frac{H_{ar}^{2}}{2} 2\pi r l_{g} l = \frac{\mu_{0} \pi r l}{2 l_{q}} \tau_{ar}^{2}$$

اس مساوات میں خلائی درز کی رداسی لمبائی  $l_g$  اور دھرے  $^{48}$  کے رخ محوری لمبائی  $^{49}$  ہے۔ محور سے خلائی درز کا اوسط رداسی فاصلہ  $r \gg l_g$  مزید  $r \gg l_g$  تصور کیا گیا ہے جس کی بنا درز میں رداسی رخ، کثافت مقناطیسی بہاو کی تبدیلی نظر انداز کی جا سکتی ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی حمد سے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.90) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{g}} \left( \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

یوں میکانی قوت مروڑ درج ذیل ہو گا۔

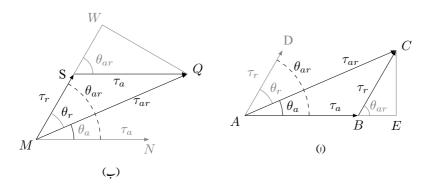
(5.91) 
$$T_m = \frac{\partial W_m'}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات 5.91 میں قوت مروڑ دو قطبی مشین کے لئے حاصل کی گئ $_{-}P$  قطبی مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کی میکانی قوت مروڑ  $\frac{P}{2}$  گنا ہو گی:

$$(5.92) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات 5.92 ایک اہم مساوات ہے جس کے مطابق مشین کی میکانی قوت مروڑ، ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقاطیسی دباو کی چوٹیوں اور دونوں کے نیچ برتی زاویہ  $\theta_{ar}$  کے سائن کی راست متناسب ہو گی۔ منفی میکانی قوت مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ  $\theta_{ar}$  کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ کو کم کرنے کی کوشش کرے

axis<sup>48</sup> axial length<sup>49</sup>



شکل 5.31: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

گ۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصول پر ایک دوسرے کے برابر لیکن خالف رخ میکانی قوت مروڑ ہو گی البتہ ساکن حصے کی قوت مروڑ ہو گی البتہ ساکن حصے کی قوت مروڑ اس حصہ کو متحرک کرتی ہے۔

چونکہ مقناطیسی دباو کچھے کے برقی رو کا راست متناسب ہے للذا  $au_a$  اور  $i_a$  آپس میں راست متناسب ہوں گے جبکہ  $au_r$  اور  $i_a$  آپس میں راست متناسب ہوں گے۔ یوں ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.85 اور 5.92 ایک دوسرے جبلے ہیں۔ در حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل ایک جیسے ہیں۔

 $\Delta AEC$  شکل 5.31 میں دوبارہ ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو دکھائے گئے ہیں۔ شکل-اکی تکون  $\Delta AEC$  اور  $\Delta BEC$  میں  $\Delta CE$  میں  $\Delta CE$  میں مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$(5.93) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس طرح شکل WQ بین WQ مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔  $\Delta SWQ$  اور تکون  $\Delta SWQ$  مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$(5.95) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.96) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مهاوات 5.92، مهاوات 5.94 اور مهاوات 5.96 کو ایک ساتھ لکھتے ہیں۔

(5.97) 
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے واضح ہے کہ میکانی قوت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے چی زاوید کی صورت میں کھا جا سکتا ہے۔ میں، یا کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو، کل مقناطیسی دباو اور ان کے چی زاوید کی صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جا سکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کی آپس میں رد عمل کی وجہ سے پیدا اور مقناطیسی دباو کی چوٹیوں اور ان کے چھ زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو آپس میں تعلق رکھتے ہیں جنہیں مختلف مقناطیسی دباو  $au_{ar}$  اور درز میں کثافت مقناطیسی بہاو  $B_{ar}$  کا تعلق تعلق

$$(5.98) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_q}$$

استعال کر کے مساوات 5.97 کے آخری جزو کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.99) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی مشینوں کی قالبی مقناطیسی مستقل  $\mu$  کی محدود قیمت کی بنا قالب میں کثافت مقناطیسی بہاہ تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ مشین کی بناوٹ کے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا ہو گا۔ اسی طرح گھومتے لیچھے کا مقناطیسی دباہ اس کیچھے میں برقی رو پر منحصر ہوتا ہے۔ اس برقی رو سے کیچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے لیچھا گرم ہوتا ہے۔ برقی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک کیچھے کو ٹھنڈا رکھنا ممکن ہو۔ یوں مقناطیسی دباہ کو ایک حد سے نیچے رکھنا ہو گا۔ مساوات  $B_{ar}$  اور  $T_r$  دونوں صریحاً موجود ہیں للذا مشین کی بناوٹ کے نقطہ نظر سے یہ ایک اہم مساوات ہے۔

مساوات 5.99 کی دوسری اہم صورت دیکھتے ہیں۔ قطب پر اوسط کثافت مقناطیسی بہاو اوسطB اور قطب کے رقبہ  $A_F$ 

(5.100) 
$$B_{b \to l} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.101) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

کا حاصل ضرب قطب پر مقناطیسی بہاو  $\phi_P$  ہوتا ہے لہذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

أور

(5.103) 
$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

ہوں گے۔ مساوات 5.103 معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

# فرہنگ

earth, 95	ampere-turn, 33
eddy current loss, 62	armature coil, 135, 255
eddy currents, 61, 130	
electric field	capacitor, 199
intensity, 10	carbon bush, 181
electrical rating, 59	cartesian system, 4
electromagnet, 135	charge, 10, 141
electromotive force, 61, 142	circuit breaker, 183
electronics	coercivity, 46
power, 211	coil
emf, 142	high voltage, 56
enamel, 62	low voltage, 56
energy, 44	primary, 55
co, 115	secondary, 55
Euler, 20	commutator, 169, 245
excitation current, 52, 60, 61	conductivity, 25
excitation voltage, 61	conservative field, 111
excite, 61	core, 55, 130
excited coil, 61	core loss, $62$
	core loss component, 64
Faraday's law, 38, 129	Coulomb's law, 10
field coil, 135, 255	cross product, 13
flux, 30	cross section, 9
Fourier series, 63, 146	current
frequency, 134	transformation, 66
fundamental, 147	cylindrical coordinates, 5
fundamental component, 64	
	delta connected, 94
generator	differentiation, 18
ac, 164	dot product, 15
ground current, 95	
ground wire, 95	E,I, 62

ئنرہنگ 270

Ohm's law, 26	harmonic, 147
open circuit test, 87	harmonic components, 64
orthonormal, 3	Henry, 40
	hunting, 182
parallel connected, 258	hysteresis loop, 47
permeability, 26	
relative, 26	impedance transformation, 71
phase current, 95	induced voltage, 38, 50, 61
phase difference, 22	inductance, 40
phase voltage, 95	leakage, 187
phasor, 21	induction
pole	motor, 211
non-salient, 144	
salient, 144	Joule, 44
power, 44	
power factor, 22	lagging, 22
lagging, 22	laminations, 31, 62, 130
leading, 22	leading, 22
power factor angle, 22	leakage inductance, 79
power-angle law, 192	leakage reactance, 79
primary	line current, 95
side, 55	line voltage, 95
	linear circuit, 230
rating, 97, 98	load, 99
rectifier, 169	Lorentz law, 141
relative permeability, 26	Lorenz equation, 104
relay, 103	
reluctance, 25	magnetic constant, 26
residual magnetic flux, 46	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 19, 50, 169	intensity, 11, 33
rotor, 37	magnetic flux
rotor coil, 106	density, 33
rpm, 161	leakage, 79
	magnetizing current, 64
saturation, 47	mmf, 30
scalar, 1	model, 81, 211
self excited, 255	mutual flux linkage, 43
self flux linkage, 43	mutual inductance, 43
self inductance, 43	,
separately excited, 255	name plate, 98
side	non-salient poles, 181

ف رہنگ

transformer air core, 59 communication, 59 ideal, 65 oil, 77	secondary, 55 single phase, 23, 59 slip, 213 slip rings, 180, 233 squirrel cage, 236
transient state, 179	star connected, 94 stator, 37
unit vector, 2	stator coil, 106, 131
VA, 76 vector, 2 volt, 141 volt-ampere, 76 voltage, 141 DC, 169 transformation, 65	steady state, 179 step down transformer, 58 step up transformer, 58 surface density, 11 synchronous, 134 synchronous inductance, 188 synchronous speed, 160, 161, 180
Watt, 44 Weber, 33 winding distributed, 144 winding factor, 152	Tesla, 33 theorem maximum power transfer, 233 Thevenin theorem, 230 three phase, 59, 93 time period, 101, 146 torque, 170, 213 pull out, 182

بھنور نمابر تی رو،130	ابتدائی
بے بوجھ،60	جانب،55
•	ن گیھا، 55
پترى،31،310	ار تباط بهاو، 39
پتريال،62	اضافی
ىپىش زاويە، 22	زاويا کې ر فتار، 216
	اكائي سمتىيە، 2
تاخيري،80	المالية، 40
تاخير ي زاويه، 22	رىتا،187
تار کا برقی د باو، 95	امالی
تار کابر قی رو، 95	بر قی د باو، 50
تانبا،28	امالى برقى دياو، 38، 61
تبادله	ایک، تین پتریال، 62
ر کاوٹ، 71	ايمبيئر - چکر، 33 ايمبيئر - چکر، 33
تعدد،134	بار، 141
تعقب،182	بر الريالو، 179،101 بر قرار چالو، 179،101
تفرق،18	• .
جزوی،18	برق گير،199
تكونى جوڙ،94	برقیات "
توانائی،44	ي قوي، 211
به. 115 بهمه، 115	برقي بار،14،100
نین دوری، 93،59	بر تی د باد، 28، 141
) J J J J J J J J J J J J J J J J J J J	تبادله،65،56
ٹرانسفار مر	محرب 142
برقى د باو والا، 59	يجاني،189
بوچھ بردار،68	يك سمت، 169
بربيد بردرون تيل،77	ېر تې رو، 28
خلائی قالب،59	بھنورنما،130
د باوبر مطاتا، 58	تبادله،66
د باو گھٹاتا،58	ييجان انگيز ،52
دِبِارِ دَرائعُ ابلاغُ، 59	ېر قى سكت، 59
رووالا،59	بر تی میدان،10
کامل،65 کامل،65	شدت،10،28
ئا ن.33 ئىلا،33	بش،181
شعرا، دو شھنڈی تار، 95	بناوئ،87
93,70	بنیادی جزو، 64، 147
ثانوی جانب، 55	. بو چ <i>ھ</i> 99
55. <b>4 4</b> 0.7	بَعِثْن. 117
حاول،44	بهنور نما
برو جزو	ر تي رو، 61
.رر پھيلاو،152	برن (100 ضیاع، 62
10200.	02. <b>0</b> 2

<u>ــــرہگ</u>ـــــ

213،180 مرک بچلے، 233،180 مرک بچلے، 233،180 مرک بچلے، 233،180 میل بھی تھی۔ 215، گوئی بھی۔ 215، گوئی بھی۔ 215، گوئی بھی۔ 215، گوئی بھی۔ 215، گائی ہے۔ 2
على برقياقي، 169 مريكائي، 169 ودار تباط بهاو، 130 مريكائي، 169 ودار تباط بهاو، 134 مريكائي، 169 مريكائي، 109 مودي اكائي، 109 مودي اكائي، 109 مودي اكائي، 109 مودي اكائي، 109 مودي المائية الم
علم دار، 258 منرب متوازی، 258 مرکب، 258 ورجزامرکب، 258 ورجزامرکب، 183 ورشین، 183 ورئ سمتنی، 190،21 وری عرصه، 146،101
10.09 09
الله،79 متعامله،79 ستامتعامليت،221 فيار معاصر،182 فيار معاصر،182
اشا في زاديا كي ، 216 وغن ، 254 وغن ، 262 وك ، 232 وك ، 232 ياضى نمونه ، 211،81 ياضى نمونه ، 211،81 ياضى غرن ، 213،38

عنرينگ

محد د	قالبي ضياع، 62
کار تیسی،4 کار تیسی،4	64.97.
نگی،5	قانون
محرک بر تی د باد، 61	او ټم ،26
خوري	كولمب،10
لبانی، 166 ماری میانی	لورينز، 141
مخلوط عدد ، 196 کاو طاعد د ، 259	قدامت پیند میدان، 111
مرکب جزیژ، 258	قريب برام كب، 258
مزا <i>حت،</i> 25	قطب
مزاحت بياء 241	ا بحرے، 184، 184
مساوات لورینز،104 . برا	موار،144،181
مسئله تھونن،230	قوت مر وژ، 213،170
طون،250 مرابع منتقا 222	انتهائي،182
زیادہ صنے زیادہ طاقت کی منتقلی ، 233 مثبت سیریں سے 42	قوى بر قيات، 245 - تىرىنى تىرىيى تىرىنى ت
مشتر که ارتباط اماله ، 43	قوى ل <u>ىچ</u> ے،255
مشتر که اماله، 43 داد م	
معاصر ،134 مشین ،180	كارىن بش، 181
ين 180: معاصر اماليه، 188	کار گزاری،204
معاسراماله،188 معاصر ر فتار،160،160،180	َ
معاصر رفار،100،101،100	ېر تې رو، 28
معائنه کطاد ور، 87 طب	كثافت مقناطيسي ببهاو
ھلاد ور ، 87 مقناطیس	بقایه 46
ىت، 135	گسر دور ، 39
برن. چال کاد انزه، 47	
پيان مارين خاتم شدت،46	گرم تار، 95
مقناطیسی بر تی رو، 64	گھومتاحصہ،37
	گھومتالچھا،106
مقناطیسی بهاو،30	
رىتا،79 كافت،33	. العربي
	ابتدائی،55
مقناطیسی چال،52 ما	يچياغ،144
مقناطيسي د بإو، 30	پيچپدار، 41
رځ،146	ثانوی، 55
مقناطيسي قالب، 55،31	رخ،137
مقناطيسي مستقل،171،26	ز پاده بر تی د باو،56
31,26.97	ساكن،106
مقناطيسي ميدان	قوي، 135
شدت، 33،11	لم برقی د باو،56
موڑ	گھومتا،106
ىالى، 211	ميداني،135

ف رہنگ

ئىجان انگىز برقى د باد، 61 برقى رد، 61 ئىجان انگىز برقى رد، 60 ئىجانى برقى د باد، 189 ئىچانى برقى د باد، 189	پنجره نما،236 موثر،19،95 موثر قیت،169 موسیقائی جزو،147،64 موصلیت،25 میدانی کیچے،255
یک دوری، 59،23 یک دوری برتی دباو، 95 یک دوری برتی رو، 95 یک سمت رو مشین، 245 پولر مساوات، 20	واث ،44 واك ،141 ووك - ايمبيئر ،76 وير ، 33 وير - بير
	بي پيابت، 30،25 يجان، 61 بير دني، 255 خود، 255 لچھا، 61