برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

ix		ديباچه
3	<i>ڡ</i> ؙ <i>ڹ</i>	1 بنیادی خ
3	ينياد ي اکائيال	1.1
3	غيرستى	1.2
4	سمتير	1.3
5		1.4
5	1.4.1 كارتيسى محدد ي نظام	
7	1.4.2 نىکى محددى نظام	
9	سمتيررقبر	1.5
11	رقبه عمودی تراش	1.6
12	ىر قى اور مقناطىيى مىدان	1.7
12	1.7.1 برتی میدان اور برتی میدان کی شدت	
13	1.7.2 متناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت	

iv

13	سطحیاور حجمی کثافت	1.8	
13	1.8.1 منطحی ثثافت		
14	محجى كثافت	1.9	
15	صليبي ضرب اور ضرب نقط	1.10	
15	1.10.1 صلیبی ضرب		
17	1.10.2 نقطى ضرب نقطى ضرب.		
20	تفرق اور جزوی تفرق	1.11	
20	خطی تکمل	1.12	
21	سطح تمل	1.13	
22	دوری سمتنی	1.14	
27) او وار	يمقناطيسي	2
2727)اد وار مزاحمت اور نتچکچاہٹ		2
		2.1	2
27	مزاحمت اور نتکچابث	2.1	2
27 28 30	مزاحمت اور نتیکچابٹ	2.1	2
27 28 30 32	مزاحمت اور نتیکچابث	2.1 2.2 2.3	2
27 28 30 32 34	مزاجمت اور نیکچاب میران کی شدت گافت برقی رواور برقی میدان کی شدت گافت برقی او دار میدان کی شدت برقی او دار میدان کی شدت متناطبیی دور حصه اول میناطبی کی دور حصه کی دور	2.1 2.2 2.3 2.4	2
27 28 30 32 34 36	مزاحمت اور نتیکچابث کثافت برتی رواور برتی میدان کی شدت برقی ادوار مقناطیسی دور حصه اول کثافت متناطیسی بهاواور متناطیسی میدان کی شدت	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5	2
27 28 30 32 34 36	مزاجمت اور نیمکیاب گافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار مقناطیسی دور حصه اول گافت مقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شدت مقناطیسی دور حصه دوم	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2

عـــنوان

57																																^	نسفار	ٹران	3
58						•			•																		ت	اہمیہ	کی	ار م	رانسفا	*	3	.1	
61																											مام	لحاقه	ر_	ار م	رانسفا	رُ	3	.2	
61																													باو	قىد	الی بر	ا	3	.3	
63											•							•						ياع	ىن	قالب	واور	قىرو	ربرا	انگيز	بجان	Ĩ	3	.4	
66	•		•			•			•	•											Ü	واح	کے خو	رو_	_ قی	له	تباد	واور	ادبا	برقی	بادله	تې	3	.5	
70											•												ژ	با)جان	رائح	كاابتا	وجھ	ب بو	جانسه	انوی.	ť	3	.6	
71						•																ب	طله	الار	نطوا	ير پر نق	ت	علام	کی	ار م	رانسفا	<i>*</i>	3	.7	
72											•							•										لہ .	نبادا	ك كا:	كاور	'n	3	.8	
77											•							•							بئر	يميد	ك-ا	ولر <u>.</u>	کاو	ار م	رانسفا	,	3	.9	
79											•							•					ار	ادو	باوك	رمر	بداور	امال	ر_	ار م	رانسفا	,	3.1	0	
79																نا	ہ کر	نده	عليح	امليه	امتعه	کی	.اگ	ف اور	حمت	مزا	ے کی	"	3	3.1	0.1	1			
81																										. ،	نامال	دِست	3	3.1	0.2	2			
82																			ن	ران	کےاث	_,	لب	ور قا	رواه	۔ تی	ی بر	ثانو	3	3.1	0.3	3			
83											•	•										باو	قى د	بابر	كالمالخ	يھے	ب ی -	ثانو	3	3.1	0.4	4			
83																ت	رار	اثر	2	مله	متعا	ور	تا	زاحمه	کی مز	ر گھے	ب ی	ثانو	3	3.1	0.5	5			
85																			وليه	. تبا	انب	ناج	نانو ک	ئىية	بتدا	16.	وٹ	رکا	3	3.1	0.6	5			
87																		ار	ادوا	وی	مسا	ين	ەتر	ساد	کے	. مر	سفار	ٹران	3	3.1	0.7	7			
88						•																		ائنه	ر مع	ردو	ركس	نداو	حا يَ	ورم	کھلے و	<u>-</u>	3.1	1	
89																									ئنہ	معا	دور	كطلا	3	3.1	1.1	1			
91											•														ئنه	معا	ردور	كم	3	3.1	1.2	2			
95																								•		٠.	رمر	نسفا)ٹرا	وري	نين و	;	3.1	2	
103				_															زر	کا گز	ارو	رق	ی ر	ه محر	ز باد	لمحد	تے	لو کر	حال	ار م	. انسفا	ٹر	3.1	3	

vi

ميكانى توانائى كا بابحى تبادله	بر قی اور	4
مقناطيسي نظام ميں قوت اور قوت مروڑ	4.1	
تبادلية توانا كي والاا يك كچيح كانظام	4.2	
توانائي اور ڄمه توانائي	4.3	
متعدد کیچھوں کامقناطیسی نظام	4.4	
شین کے بنیاد ی اصول	گھومتے'	5
تانون فیراڈے	5.1	
معاصر مشين	5.2	
محرک بر تی د باو	5.3	
ي الم الله الله الله الله الله الله الله	5.4	
5.4.1 بدلتارووالے مشین		
مقناطیسی د باوکی گھومتی امواج	5.5	
5.5.1 ایک دورکی کپٹی مشین		
5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليل تجربير		
5.5.3 تين دور کي لپڻي مشين کاتر سيمي تجربيه		
محرک برتی د باو	5.6	
5.6.1 بدلتاروبرتی جزیئر		
5.6.2 کیک سمتی روبرتی جزیئر		
ہموار قطب مثینوں میں قوت مروڑ	5.7	
5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی قوت مر وڑکا صاب		
5.7.2 متناطبی بهاوی میکانی قوت مر وژکاصاب		

vii

ر مشين 179	ال حال، بر قرار چالو معاص	6 كيا
ىرمشين	6 متعدد مرحله معاص	.1
امالہ	6 معاصر مشین کے ا	.2
الله	6.2.1 نود	
تر که الله	6.2.2 شخ	
صراماله	6.2.3 معا	
ماوى دوريارياضى نمونه	6 معاصر مثين كامسا	.3
لى	6 برقی طاقت کی منتقا	.4
ر چالو مثین کے خصوصیات	6 كيسان حال، برقرار	.5
196	6.5.1 معا	
197	6.5.2 معا	
رمعائنه	6 کھلے دوراور کسرِ دو	.6
يەدور معائنە	6.6.1	
ر دور موائد	6.6.2 کبر	

211	امالی مشیر	7
ساكن کچھوں کی گھومتی مقناطیبی موج	7.1	
مشین کی سر کنے اور گھومتی موجول پر تبصرہ	7.2	
ساكن كېھول مين امالي برقي د باو	7.3	
ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباو	7.4	
گھو متے کچھوں کی گھو متی متناطبی دیاو کی موج یہ	7.5	
گھوٹے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے ۔	7.6	
المالي موشر كامساوى برقى دور	7.7	
مىادى بر قى دور پرغور	7.8	
امالي موٹر كامساوى تقونن دوريارياضى نمونه	7.9	
پنچرانماامالي موٹر	7.10	
ب يو جھ موٹراور جامد موٹر كے معائند	7.11	
7.11.1 بي بو چھ موثر كامعائنہ		
7.11.2 جامد موٹر کامعائنہ		
رومشين	يك سمتى	8
ميكاني ست كاركي بنيادى كاركروگى	8.1	
8.1.1 ميكاني سمت كاركى تفصيل		
ىك سى جزيرً كى برقى د باو	8.2	
قوت مرور مرور مرور مرور مرور مرور مرور مر	8.3	
يروني بيجان اور خود بيجان يك سمتى جزير	8.4	
يك سمتى مشين كى كار كرو گى كے خط	8.5	
8.5.1 حاصل برقی د باو بالقابل برقی بوجھ		
8.5.2 رفمار بالمقابل قوت مرور گریستان مرور گریستان مرور گریستان کرور گرور گریستان کرور گریستان ک		
269	ا	فرہناً

عـــنوان

0.8.3

باب5

گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا جائے گا۔ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قشم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

5.1 قانون فيراد ك

قانور فیراڈے 1 کے تحت جب بھی کسی کچھے کا ارتباط بہاو λ وقت کے ساتھ تبدیل ہو، اس کچھے میں برقی دباو پیدا ہو گا:

$$(5.1) e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

چونکہ ہمیں برقی دباو کی قیمت ناکہ اس کے ہے ہے ولچین ہے لہذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔

گھومتے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے پیدا کی جا سکتی ہے۔مثلاً کچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھما کر یا ساکن کچھے میں مقناطیس گھما کر، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law¹

ان برقی مثینوں میں کچھے مقناطیسی قالب² پر لییٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو ماصل کیا جاتا ہے اور کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ مزید قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کے مقام پر پہنچایا جاتا ہے۔

ان مشینوں کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو³ پیدا ہوتا ہے۔ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر باریک لوہے کی پتری⁴ تہہ در تہہ رکھ قالب بنایا جاتا ہے۔ ۔ آپ کو یاد ہو گا، ٹرانسفار مرکا قالب بھی اس طرح بنایا جاتا ہے۔

5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برقی جزیئر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے۔ اس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ θ_m سے بتلائی جاتی ہے۔ افتی کیبر سے گھڑی کے مخالف زاویہ θ_m ناپا جاتا ہے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیں ایک مقررہ رفتار ہے، فی سینڈ n مکمل چکر کائنا ہو تب ہم کہتے ہیں کہ اس مقناطیں کے گھومنے کا تعدد n ہرٹر آئی ہے۔ اس بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیں 60n فی منٹ 6 کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 360 زاویہ یا 2π ریڈ بیک 7 پر مشتمل ہوتا ہے للذا گھومنے کی اس رفتار کو 2π ریڈ بیک فی سیکٹہ بھی کہہ سکتے ہیں۔ یوں اگر مقناطیس f ہرٹز کی رفتار سے گھوم رہا ہو تب ہے 2π میں خوام کی جاتا ہے۔

$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس كتاب مين كهومنے كى رفتار كو عموماً ريدينن في سينٹر مين بيان كيا جائے گا۔

شکل 5.1 میں مثین کے دو مقاطیسی قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطبی مثین کہتے ہیں۔ ساکن قالب میں، اندر کی جانب دو شگاف ہیں، جن میں N چکر کا کچھا موجود ہے۔ کچھے کو a اور a سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس کچھے کی بنا

magnetic core²
eddy currents³
laminations⁴
Hertz⁵

nertz-

rounds per minute, rpm⁶ radians⁷

5.2 معاصر مشين



شکل 5.1: دوقطب، یک دوری معاصر جنریٹر۔

اس مشین کو ایک کچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھا جزیٹر کے ساکن حصہ پر پایا جاتا ہے للذا یہ کچھا بھی ساکن ہو گا جس کی بنا اسے ساکھے کچھا⁸ کہتے ہیں۔

مقناطیس کا مقناطیسی بہاو شالی قطب 9 N سے خارج ہو کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر، دوسرے خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، مقناطیس کے جنوبی قطب 10 S میں داخل ہو گا۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کے کمیروں سے دکھایا گیا ہے۔ یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے میں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل 5.1 میں مقناطیس سیدھی سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.2 میں مقناطیس تقریباً گول ہے اور اس کے محور کا زاویہ θ_m صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن قالب کے پچ صفر زاویہ، $0 = \theta$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ، $0 = |\theta|$ ، پر زیادہ سے زیادہ سے کم خلائی درز پر پچکچاہٹ کم ہو گی جبکہ زیادہ خلائی درز پر پچکچاہٹ زیادہ ہو گی للذا $0 = \theta$ پر خلائی درز سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزرے گا۔خلائی درز کی لمبائی یوں تبدیل کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا ہو۔ مقناطیسی بہاو مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پر داخل ہوتا ہے۔ اگر خلائی درز میں 0 = 0 سائن نما ہو

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب کثافت مقناطیسی بہاو B صفر زاویہ $\theta_p=0^\circ$ ، پر زیادہ سے زیادہ اور نوے زاویہ، $\theta_p=90^\circ$ ، پر صفر ہو گی اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو $\theta_p=0$ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ $\theta_p=0$ کو مقناطیس کے شالی قطب سے گھڑی کے مخالف

stator coil⁸ north pole⁹ south pole¹⁰



شكل 5.2: كثافت مقناطيسي بهاواور زاويه كاتبديلي_

رخ ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جے کے باہر نو کیلی لکیروں کی لمبائی سے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت اور کلیروں کے رخ سے بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ہاکی سیابی سے $^{\circ}0$ - $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ باتی آ دھے میں مخالف کے مخالف ہے۔ یوں شکل 5.2 میں آ دھے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا ترسیم سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس دوسرے زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ یاد رہے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت مقناطیس کے شائی قطب پر زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ ور شائی قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رہ وگا۔ شکل قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(5.4)
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس کا سائن نما مقناطیسی دباو پیش کیا گیا ہے۔ جیسا شکل 5.4 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مقناطیسی دباو کو عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کا رخ مقناطیس کے شال کو ظاہر کرتا ہے۔ 5.2. معاصر مشين









شکل 5.5: چار قطب یک دوری معاصر جنریٹر۔

شکل 5.3 میں مقناطیس کو لمحہ t_1 ، زاویہ $\theta_m(t_1)$ پر دکھایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو $\theta_m(t_1)$ مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار ω_0 سے گھوم رہا ہو تب ساکن کچھے میں اس لمحہ پر برقی دباو e(t) پیدا ہو گا:

(5.6)
$$e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

آوھے چکر، π ریڈیئن گھومنے کے، بعد مقناطیسی قطبین آپس میں جگہیں تبدیل کرتے ہیں، کچھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ الٹ ہو گا، کچھے میں ارتباط بہاو θ_0 اور اس میں امالی برقی دباو e(t) ہو گا۔ ایک مکمل چکر بعد مقناطیس دوبارہ ای مقام پر ہو گا جو شکل 5.3 میں دکھایا گیا ہے، ساکن کچھے کا ارتباط بہاو دوبارہ θ_0 اور اس میں امالی برقی دباو کی دباو کو گا۔ یوں جب بھی مقناطیس $\theta_m = 2\pi$ میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں $\theta_m = 2\pi$ میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں دو سرے کے برابر تبدیلی رونما ہو گی لہذا دو قطب، ایک کچھے کی مثنین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_0 ایک دو سرے کے برابر ہوں گ

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپس میں ایک تناسب رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 0 کہتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

frequency¹¹

Hertz¹²

synchronous machine¹³

5.2 معاصر مشين

شکل 5.5 میں چار قطب، یک دوری معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مشینوں میں عموماً مقناطیس جبکہ بڑے مشینوں میں برقی مقناطیس 14 استعال ہوتے ہیں۔ اس شکل میں برقی مقناطیس استعال کیے گئے ہیں۔ دو سے زائد قطبین والے مشینوں میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس حوالہ قطب کو θ_m پر دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب کو θ_m زاویہ پر ہے۔

حییا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں مقناطیس کے چار قطبین ہیں۔ ہر ایک ثالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مقناطیسی قطبین کے جوڑوں کی تعداد اور ساکن کچھوں کی تعداد ایک دوسرے قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مثنا سے قطبین قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر کے برابر ہوتی ہے۔ شکل 5.5 میں مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر دو ساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو واشح کیا گیا ہے اور دوسرے کو ہے ہے۔ کچھے کو قالب میں موجود دوشگان اور a_1 میں رکھا گیا ہے۔ ان وونوں کچھوں دوشگان اور a_2 میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں میں یکسال برقی دباو پیدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھوں کو سلسلہ وار 15 جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیڑ سے حاصل برقی دباو ایک کچھے میں پیدا برقی دباو کا دگنا ہو گا۔ یک دوری آلات میں قالب کو مقناطیس کے قطبین کی تعداد کے برابر حصوں میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا نوے مکانی زاویہ کے اطاطے کو گھیرتا ہے۔

ساکن اور حرکی کیجھوں کی کار کردگی ایک دوسرے سے مختلف ہوتی ہے۔اس کی وضاحت کرتے ہیں۔

جیسا پہلے بھی ذکر کیا گیا چھوٹی گھومتی مشینوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں برقی مقناطیس کو گھومتا حصہ دکھایا گیا ہے، حقیقت میں برقی مقناطیس کی مشین میں گومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت میں مقناطیس کسی مشین میں گھومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والے اس کچھے کو میدانی لچھا¹⁶ کہتے ہیں۔اس کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔میدان فراہم کرنے والے اس کچھے کو میدانی لچھا کہ ہیں۔اس کے برعکس مشین میں موجود دوسری نوعیت کے کچھے کو قومی لچھا¹⁷ کہتے ہیں۔برقی جزیر کے قوی کچھے سے برقی طاقت کے برعکس مشین میں موجود دوسری نوعیت کے کچھ میں چند فی صد برقی طاقت کے ضیاع کے علاوہ تمام برقی طاقت وی کچھے کو فراہم کی جاتی ہے۔

شکل 5.6 میں گھومتے اور ساکن حصہ کے بی خلائی درز میں شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر نکل کر قالب میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں

electromagnet¹⁴

series connected 15

field coil¹⁶

armature coil¹⁷







شكل 6.5: چار قطب، دولچھے مثین میں مقناطیسی بہاو۔

اس مقناطیسی بہاو کی کثافت کو دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کا ٹیس تو مقناطیسی بہاو کا رخ دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گا۔ ان مشینوں میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس پر آگے خور کیا جائے گا۔ اگر تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہے تب خلائی درز میں B کی مطلق قیت شکل 5.7 کی طرح ہو گی جہاں θ برتی زاویہ ہے۔

P قطبی مقناطیس کے معاصر مثین کے لئے لکھ درج ذیل ہو گا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

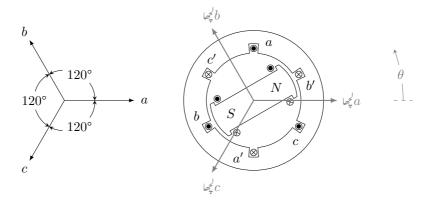
یہاں برقی اور میکانی تعدد کا تناسب 2 ہے۔

مثال 5.1: پاکستان میں گھریلو اور صنعتی صارفین کو $_{\rm Hz}$ کی برتی طاقت فراہم کی جاتی ہے۔یوں ہمارے ہاں $f_e=50$

- اگر برقی طاقت دو قطبی جزیٹر سے حاصل کی جائے تب جزیٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟۔
 - اگر جزیر کے بیں قطب ہوں تب جزیر کی رفار کتنی ہو گی؟

حل:

5.2 معاصر شين



شکل 5.8: دو قطب، تین دوری معاصر مثین ـ

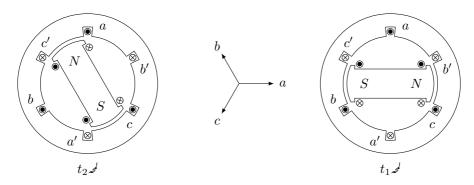
- مساوات 5.8 تحت وو قطبی، P=2، جنریٹر کا میکانی رفتار 50=6 تحت وو قطبی، P=9، جنریٹر کا میکانی رفتار 5.8 تحت وی سیکنڈ لیمنی 18 ہو گا۔
- بیں قطبی، P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار $f_m=rac{2}{20}(50)=5$ چکر فی سینٹر لیعنی P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار P=20

اب یہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیر سست رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر تیزر فلار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیر نریدہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر عموماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔

a شکل 5.8 میں دو قطب تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھا a جو قالب میں شکاف a اور a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تب یہ بالکل شکل a میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

لچھے کا رخ درج ذیل طریقہ سے تعین کیا جاتا ہے۔

rpm, rounds per minute¹⁸



شكل 5.9: دوقطب تين دوري مشين ـ

• دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شگافوں میں برقی رو کے رخ کیپیٹیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کا رخ دے گا

شکل 5.8 میں کچھا a کا برقی رو شگاف a میں، کتاب کے صفحہ کو عمودی، باہر رخ جبکہ a' میں اس کے مخالف اندر رخ تصور کرتے ہوئے کچھا a کا رخ تیر دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس رخ کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ یوں کچھا a صفر زاویہ پر لپیٹا گیا ہے، لیعنی a a ہے۔ باقی کچھوں کے زاویات کچھا a کے رخ سے، گھڑی کے مخالف رُخ نابے جاتے ہیں۔

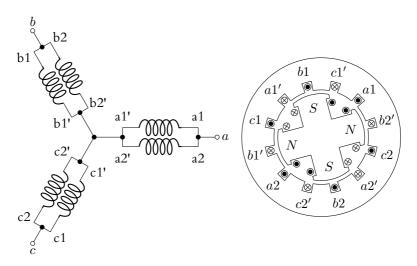
شکل 5.9 میں اگر لمحہ t_1 پر کچھا a کا ارتباط بہاو $\lambda_a(t_1)$ ہو تب لمحہ t_2 پر، جب مقناطیس °120 زاویہ طے کر لے، کچھا d کا ارتباط بہاو $\lambda_b(t_2)$ ہو گا۔ لمحہ t_2 پر مقناطیس اور کچھا d ایک دوسرے کے لحاظ سے بالکل اسی طرح نظر آتے ہیں جیسے t_1 پر مقناطیس اور کچھا d ایک دوسرے کے لحاظ سے نظر آتے تھے۔ یوں لمحہ t_2 پر کچھا d کا ارتباط بہاو اتنا ہی ہو گا جتنا لمحہ t_1 پر t_2 کچھا کا ارتباط بہاو تھا:

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

اسی طرح کھے t_3 پر، جب مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کر لے، کچھا c کا ارتباط بہاو ($\lambda_c(t_3)$ ہو گا جو $\lambda_c(t_1)$ کے برابر ہو گا۔یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

.5. معاصر مثين



شكل5.10: چار قطب، تين دوري معاصر مشين ـ

ان کمحات پر کچھوں کے امالی برقی دباو

(5.11)
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

(5.12)
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.13) e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔ مساوات 5.10 کی روشنی میں درج ذیل ہو گا۔

(5.14)
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف کچھا a پایا جاتا تب یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اگر ایسی صورت میں مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تب، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھا a میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوتا۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دوسرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں ہے۔ یوں اگر شکل 5.9 میں مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تب تینوں ساکن کچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوگا البتہ مساوات 5.14 کے تحت یہ برقی دباو آپس میں a میں a دوسر گھری کے۔

شکل 5.10 میں چار قطب ، تین دوری معاصر مثین دکھایا گیا ہے۔ گھومتے تھے پر شالی اور جنوبی قطبین باری باری باری بائے جاتے ہیں اور °180 میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی بائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی بائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ کے مارہ ہوگا۔ شکل 5.8 میں ساکن حصہ کے °360 برقی زاویہ کے اعاطہ میں تین دوری کچھوں نسب ہیں جن کی اطراف کی ترتیب، گھڑی کے مخالف رخ چلتے ہوئے، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف دو قطبین کے اعاطہ ، °100 میکانی زاویہ (یا °360 برقی زاویہ)، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف کی ترتیب ہوئے، میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو چھوں کے اطراف کی ترتیب ہوئے ، میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو گھوں کے اطراف کی ترتیب دوری کے ور '22 ہے۔ باقی دو قطبین کے اعاطے میں جبی بالکل کیسال برقی دباو پیدا ہو گا۔ تین دوری دو کیسال کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دوری برقی دباو عاصل کا جاتا ہے۔ شکل 5.10 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے۔ شال کہ چھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دوری برقی دباو عاصل کا جاتا ہے۔ شکل 5.10 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے جہاں می کچھے کو صفر زاویہ پر تصور کیا گیا ہے۔

5.3 محرك برتى دباو

قانون لورینز 19 کے تحت مقناطیسی میدان $m{B}$ میں سمتی رفتار $m{v}$ سے حرکت پذیر برقی بار q^{20} درج ذیل قوت $m{F}$ محسوس کرے گا۔

$$(5.15) F = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی میدان کے لحاظ سے برقی بار کی سمتی رفتار ہے للذا F کو ساکن مقاطیسی میدان میں برقی بار کی سمتی رفتار تصور کیا جا سکتا ہے۔اس قوت کا رخ دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کیا جاتا ہے۔

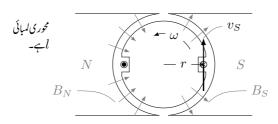
مقناطیسی میدان میں ابتدائی نقطہ سے اختتامی نقطہ تک، جن کے ﷺ ہٹاو l ہے، برتی بار q نتقل کرنے کے لئے درکار کام W ہو گا:

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے پیج برقی دباو²¹ کہتے ہیں جس کی اکائی وولئے۔ V²² ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے پیچ درج ذیل برتی دباو ہو گا۔

(5.17)
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

5.3. محسر كب بر تي دباو



شكل 5.11: ابك چيكر كالجھامقناطيسي ميدان ميں گھوم رہاہے۔

حرکت کی مدد سے یوں حاصل برقی دباو کو محرکے برقی دباو²³ کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برقی دباو کو محرک برقی دباو کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برقی سیل وغیرہ کا برقی دباو بھی محرک برقی دباو کہلائے گا۔

شکل 5.11 میں گھڑی کے مخالف رخ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا کچھا نسب ہے۔بائیں خلاء میں کچھا کی تار کے قطع پر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت بایاں قطع میں موجود مثبت برقی بار پر صفحہ کے عمودی باہر رخ قوت پیدا ہو گی۔مساوات 5.17 کے تحت اس قطع کا بالائی سرا مثبت اور نجلا سرا منفی برقی دباو پر ہو گا۔

ہم گھومتے حصہ کی محور پر نگی محدد قائم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سامنے خلاء میں B رداسی رخ جبکہ شالی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کے مخالف رخ ہو گا۔ جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار B کے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} = \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ extsf{T}} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} \end{aligned}$$

یوں جنوبی قطب کے سامنے تار کے قطع میں درج ذیل محرک برقی دباو پیدا ہو گا۔

(5.19)
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

Lorentz law¹⁹ charge²⁰

potential difference, voltage²¹

volt²²

electromotive force, emf^{23}

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تارکی لمبائی کا رخ a_z لیا گیا۔اس مساوات میں برتی دباو منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برتی تارکا مثبت سراتار پر $-a_z$ رخ ہے لیعنی تارکا نجلا سرا مثبت اور بالائی سرا منفی ہے۔ اگر اس تار میں رو گزر سکے تو اس رو کا رخ $-a_z$ لینی صفحہ کو عمودی اندر رخ ہو گا جے شکل 5.11 میں شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ای طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.20)
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

یوں اس قطع میں درج ذیل دباو ہو گا۔

(5.21)
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N} \\ = -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = \omega r B l$$

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تارکی لمبائی کا رخ a_z لیا گیا ہے۔اس مساوات میں برتی دباو مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برتی تارکا مثبت سراتار پر a_z رخ ہو گا لیمن تارکا بالائی سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہو گا۔اگر اس تار میں رو گزر سکے تو اس کا رخ a_z لیمن صفحہ کو عمودی باہر رخ ہو گا جے شکل 5.11 میں شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دونوں تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان تاروں کے نچلے سر ایک دوسرے کے ساتھ سلسلہ وار جڑے ہیں جس کو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس کچھے کے بالائی، نظر آنے والے، سروں پر کل برقی دباو e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباو کا مجموعہ ہو گا:

(5.22)
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔اگر ایک چکر سے اتنا برقی دباو حاصل ہو تب N چکر کے کچھے سے درج ذیل دباو حاصل ہو گا جہاں $\phi=AB$ مقناطیسی بہاو ہے۔

(5.23)
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

گومتی مشینوں کی خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ ایک دوسرے کے عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 کت مستقل زاویائی رفتار اور محوری لمبائی کی صورت میں پیدا کردہ برقی دباو ہر لمحہ B کا براہ راست متناسب ہو گا۔ خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت میں گھومتے کچھے میں پیدا برقی دباو بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ یوں جس شکل کا برقی دباو درکار ہو اسی شکل کی کثافت مقناطیسی دباو خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔ سائن نما برقی دباو پیدا کرنے کے لئے خلائی درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو درکار ہو گی۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گا۔

5.4 کھیے اور سائن نمامقناطیسی دیاو

ہم نے اب تک جتنے مشین دیکھے ان سب میں گیھ ²⁴ کچھ دکھائے گئے۔ مزید ان مشینوں میں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے ابھرے قطب ²⁵ تھے۔ عموماً حقیقی مشینوں کے ہموار قطب ²⁶ اور پھیلے کچھ ²⁷ ہوتے ہیں جن کی بنا ساکن اور گھومتے حصوں کے بچ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کرنا ممکن ہوتا ہے۔

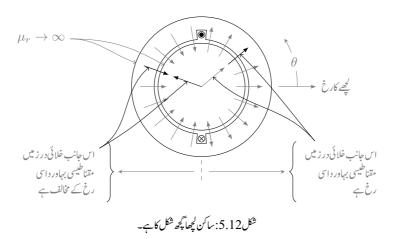
شکل 5.12 میں ایک گیجھ کچھا دکھایا گیا ہے جہاں مثین کے گھومتے جھے کا عمودی تراش گول صورت کا ہے۔ متحرک اور ساکن قالب کا $\infty + \mu_r \to \infty$ کا مقناطیسی دباو π کہ متعاطیسی بہاو π بیدا کرتا ہو کہ بیدا کرتا ہو ہلکی سیابی کی لکیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرتا ہوا کچھے کے گرد ایک چکر کا شاہدا درج ذیل ہو گا۔

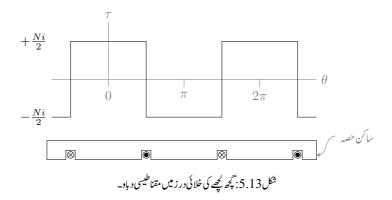
یوں ساکن کچھے کے مقناطیسی دباو کا آدھا حصہ ایک خلائی درز اور آدھا حصہ دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید آدھے خلائی درز میں مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی بہاو) رداسی رخ اور باقی خلائی درز میں رداس کے

non-distributed coils²⁴ salient poles²⁵

non-salient poles²⁶

distributed winding²⁷





 $-\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$ (اور مقاطیسی دباو (اور مقاطیسی بہاو (اور مقاطیسی دباو) رداس کے در میان رداسی رخ ہے لہذا اسے مثبت تصور کیا جائے گا جبکہ باقی حصہ پر مقاطیسی دباو (اور مقاطیسی بہاو) رداس کے در میان ردا ہی رخ ہے لہذا اسے منفی تصور کیا جائے گا۔ شکل 5.13 میں خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ وقفہ $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{\pi}{2}$ خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کے آدھا ہو اور اس کا رخ مثبت ہے جبکہ وقفہ $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{3\pi}{2}$ کے خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کچھے کے مقاطیسی دباو کا آدھا اور منفی رخ ہے حوالہ سے نعین کیا جاتا ہے۔

5.4.1 بدلتار ووالے مثین

برلتارو (اے سی) مشین بناتے وقت کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباوسائن نما ہو۔سائن نما مقناطیسی دباو دباو کے حصول کی خاطر لیچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتا ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

 $f(heta_p)^{-29}$ فوریئر تسلسل 28 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل 29 $f(heta_p)^{-29}$ کو درج ذیل صورت میں لکھ سکتے ہیں۔

(5.25)
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

تفاعل کا دوری عرصہ T^{30} ہونے کی صورت میں فوریئر تسلسل کے عددی سر درج ذیل ہوں گے۔

(5.26)
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

مثال 5.2: شکل 5.13 میں دیے گئے مقناطیسی دباو کا

Fourier series²⁸ function²⁹ time period³⁰

- فوريئر تسلسل حاصل كريي،
- تيسري موسيقائي جزو³¹ اور بنيادي جزو³² كا تناسب معلوم كريي

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left(\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(-\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left(\frac{Ni}{2} \right) \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(\pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

اور درج ذیل حاصل ہوں گے۔

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[-\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[\sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left(\frac{4}{n\pi} \right) \left(\frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$$

$$a_2 = a_4 = a_6 = 0$$

third harmonic component³¹ fundamental component³²

اسی طرح درج ذیل ہو گا۔

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[\frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

• ان نتائج کا یکجا کرتے ہیں:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

يوں تيسرا موسيقائي جزو بنيادي جزو کا تيسرا حصه ليني 33.33 في صد ہو گا۔

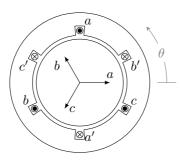
مثال 5.2 میں حاصل کردہ a_1, a_2, \cdots استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباو τ کا فوریئر تسلسل کھتے ہیں۔

(5.27)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

(5.28)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

 au_0 درج ذیل ہے۔ au_0 درج ذیل ہے۔

(5.29)
$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$



شكل 5.14: تين دور لچھے۔

خلائی درج میں τ ، H اور B ایک دوسرے کے برائے راست متناسب ہوتے ہیں۔ یوں مساوات 5.28 کے تحت شکل 5.12 کا کچھے اور شکل 5.2 میں صفر زاویہ پر سلاخ نما مقناطیس کیساں τ (اور B) دیں گ۔ اس طرح اگر شکل 5.12 کا کچھا زاویہ θ_{m} پر ہوتا تب ہمیں شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کے نتائج حاصل ہوتے۔

شکل 5.14 میں تین کچھے آپس میں °120 زاویہ پر دکھائے گئے ہیں۔ ہم مساوات 5.64 کی طرح اس شکل میں کچھا a کے لئے درج ذیل کھ سکتے ہیں۔

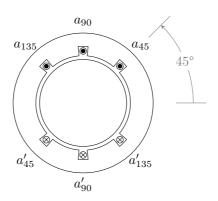
(5.30)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اسی طرح کیجھا b اور c جو بالترتیب $heta_{m_b}=120^\circ$ اور $heta_{m_b}=240^\circ$ اور جو بالترتیب $heta_{m_b}=120^\circ$

(5.31)
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ} \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ (5.32) \qquad \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^\circ \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^\circ) = \tau_0 \cos(\theta + 120^\circ) \end{aligned}$$

ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہر گز نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض نظر کا دھوکا ہے۔ اس مقناطیسی دباو کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باتی تمام ارکان کو صفر کر سکیں تب ہمیں سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو گا۔



شكل 5.15: كيميلا لجھا_

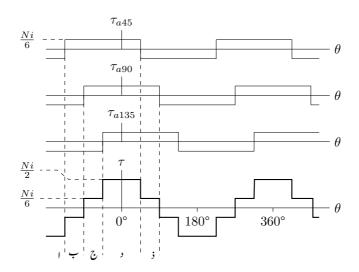
شکل 5.12 کے N چکر کچھے کو تین چھوٹے کیساں کچھوں میں تقسیم کرتے ہوئے شکل 5.15 حاصل کیا گیا ہے جہاں ہر چھوٹا کچھا کچھا کہ چکر کا ہے۔ ایسے چھوٹے کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا 33 جاتا ہے لہذا ان میں ایک جیسا برتی روز 3 گزرے گا۔ ان تین کچھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے کچھے کو شگاف 3 و شگاف 3 میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شگاف 3 و میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شگاف 3 و میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑا کو ایک ہی طرح کے نام دیے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا a_{45} اور a_{45} ہے۔ شگاف کا نام شگاف کے زاویہ کے لحاظ سے رکھا گیا ہے۔ یوں شگاف a_{45} در حقیقت a_{50} زاویہ پر ہے، شگاف a_{90} نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف a_{135} ایک سو پینیس درجہ زاویہ پر ہے۔ اس طرح a_{45} شگاف a_{45} کا جوڑا ہے۔

متمام کچھے کا جیل اور تمام کچھوں میں برقی روi ایک دوسرے جیبا ہے۔ شکل 5.15 کے تھیلے کچھے کا مقاطیسی دباو بالمقابل زاویہ کا ترسیم شکل 5.16 میں موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ سب سے اوپر لچھا کہ مقاطیسی دباو کی ترسیم ہو شکل 5.13 کی ترسیم کی طرح لیکن صفر زاویہ سے -45 ہٹ کر ہے۔ دوسری ترسیم لچھا a_{90} کی ہے جو ہو بہو شکل 5.13 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا a_{135} کی ہے جو صفر زاویہ سے +45 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا موری ہے ہو صفر زاویہ سے +45 ہٹ کر ہے۔ ان تینوں ترسیمات کا انفرادی طول $-\frac{N_i}{N_i}$ ہے۔

ترسیمات au_{a45} ، اور au_{a135} ی سے کل مقناطیسی دباو کی ترسیم au_{a45} ، حاصل کرنا سیکھتے ہیں۔ شکل au_{a45} ی بائیں عمودی نقطہ دار کلیریں لگائی گئی ہیں۔ سب سے بائیں پہلی کلیر کی بائیں طرف خطہ کو "ا" کہا گیا ہے۔اس

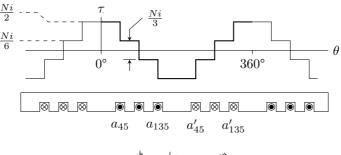
series connected 33



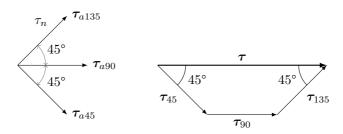
شكل 5.16: تھيلے لچھے كاكل مقناطيسى د باو۔

خطه میں ترسیمات τ_{a45} ، τ_{a45} ، اور τ_{a135} کی انفرادی قیمتیں τ_{a45} ہیں لہذا ان کا مجموعہ τ_{a45} ، τ_{a45} ، وگلہ یا ان میں کل مقناطیسی دباو τ کی ترسیم کی قیمت τ_{a45} ہو گل۔ اس طرح خطہ "ب" میں کل مقناطیسی دباو τ کی ترسیم کی قیمت τ_{a45} ہو گل۔ اس کا مجموعہ τ_{a45} اور τ_{a45} ہو کی مقناطیسی دباو ہو گا۔ نظم بالائی تینوں ترسیمات کی قیمتیں بالترتیب τ_{a45} ، τ_{a45} ، اور τ_{a45} ہیں جن کا مجموعہ τ_{a45} ہیں۔ مقناطیسی دباو ہو گا۔ اس طرح آپ پوری ترسیم تھنچ سکتے ہیں۔

 $^{\circ}$ شکل $^{\circ}$ کی $^{\circ}$ کو شکل $^{\circ}$ کی میں دوبارہ پیش گیا ہے۔ شکل $^{\circ}$ کی لیے لیے اور شکل $^{\circ}$ کی لیے کے اور شکل $^{\circ}$



شكل 5.17: تھلے لچھے كامقناطيسى دباو۔



شكل5.18: پھيلے لچھے كاجزو پھيلاو۔

کے دباو کی ترسیمات ہیں۔ شکل 5.13 کے لحاظ سے شکل 5.17 کی صورت سائن نما کے زیادہ قریب ہے۔ فوریئر سلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔ شگافوں کے مقامات اور ان میں کچھوں کے چکر یوں رکھے جا سکتے ہیں کہ ان کے پیدا کردہ مقناطیسی دباوکی ترسیم کی صورت سائن نماکی زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

پھیلے کچھے کے مختلف جھے ایک ہی زاویہ پر مقناطیسی دباو نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباو کا حیطہ راتنے ہی چکر کے) ایک گچھ کچھے کے حیطہ سے کم ہوتا ہے۔ مساوات 5.29 میں اس اثر کو شامل کرنے کے لئے جزو اللہ متعارف کیا جاتا ہے

(5.33)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$-\xi \sqrt[3]{2} \sin^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta$$

$$-\xi \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta$$

$$-\xi \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta$$

$$-\xi \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta$$

$$-\xi \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta$$

$$-\xi \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta$$

$$-\xi \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta = \sqrt[3]{2} \cos^2 \theta$$

مثال 5.3: شکل 5.15 کے پیلے کچھے کا k_w تلاش کریں۔

 $au_n = rac{4}{\pi} rac{ni}{2}$ علی: شکل 5.18 سے رجوع کریں۔ شکل 5.15 کے تین حجوبے لیک جیسا مقناطیسی د باو $au_n = rac{4}{\pi} rac{ni}{2}$ بیدا کرتے ہیں البتہ ان کے رخ مختلف ہیں۔ یہاں ایک لیجھا $rac{N}{3}$ چیکر کا ہے لہذا $n = rac{N}{3}$ ہو گا۔ ہم تینوں مقناطیسی د باو au معلوم کرتے ہیں۔ کے دوری سمتیات کا مجموعہ لے کر مقناطیسی د باو au معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

winding $factor^{34}$

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

للذا $k_w = 0.8047$ کے برابر ہے۔

مثال 5.4: تین دوری، 50 ہر ٹز، ستارہ جڑے جزیٹر کو 3000 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔ تیس چکر کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 ہے۔ مثین کا میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 ہے۔ مثین کا رواس 0.7495 میٹر اور لمبائی 2.828 $l_k=0.04$ میرانی کچھے میں $l_k=0.04$ میرانی کچھے میں $l_k=0.04$ میرانی کچھے میں $l_k=0.04$ میرانی میں درج ذیل تلاش کریں۔

- میدانی مقناطیسی دباو کی زیادہ سے زیادہ قیمت۔
 - خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو۔
 - ایک قطب پر مقناطیسی بہاو۔
 - متحرك تارير برقى د باو_

حل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$$

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

$$\phi_0 = 2B_0 lr = 2\times 0.54\times 2.828\times 0.7495 = 2.289\,15\,\mathrm{Wb}~\bullet$$

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

یوں ستارہ جڑی جزیئر کی تار کا برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \,\text{V}$

ہم سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کرنا چاہتے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ مقصد پورا ہو۔ شکل 5.17 میں صفر زاویہ کے دونوں اطراف مقناطیسی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹتی یا بڑھتی ہے۔ مثلاً جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباو $\frac{N_i}{3}$ گھٹتا ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مزید $\frac{N_i}{3}$ گھٹتا ہے، وغیرہ وغیرہ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات کا فیصلہ فور بیئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فور بیئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھا جاتا ہے۔

ساکن کچھوں کی طرح متحرک کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو۔

5.5 مقناطيسي د باو کي گھومتي امواج

گھومتے مشین کے لیجھوں کو برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دورکی لپٹی مشین

مساوات 5.33 مين ايك لحصي كا مقناطيسي دباو

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیا گیا ہے جو سائن نما برقی رو

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صورت میں

(5.37)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقناطیسی رباو دے گا جہاں au_0 درج ذیل ہے اور کچھا کے برقی رو کو au_a کہا گیا ہے۔

(5.38)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

مساوات 5.37 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو زاویہ <math> heta اور کھہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ مساوات 5.37 کو کلیہ

(5.39)
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

کی مدد سے دو ٹکڑوں

(5.40)
$$\tau_a = \tau_0 \left[\frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

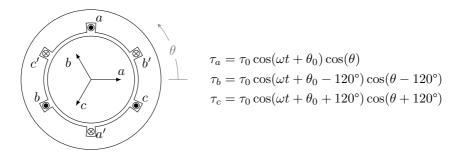
میں تقسیم کیا جا سکتا ہے جہاں au_a^+ اور au_a^+ درج ذیل ہوں گے۔

(5.41)
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

مساوات 5.40 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو دو آپس میں مخالف رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موجوں کا مجموعہ ہے۔ اس کا یہلا جزو τ_a^+ زاویہ θ گھٹے کے رخ، لینی گھڑی کے رخ، گھومتا ہے جبکہ اس کا دوسرا جزو τ_a^+ گھڑی کے مخالف رخ، زاویہ بڑھنے کے رخ، گھومتا ہے۔

ایک دور کی لیٹی مثینوں میں گھومتے مقناطیسی دباو کی امواج میں سے کسی ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی جاتی ہے۔ اس طرح ایک ہی رخ مقناطیس کی مانند ہوگا۔ تین دوری مثینوں میں ایسا کر نا نہایت آسان ہوتا ہے للذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔



شكل 5.19: تين دوركي لپڻي مشين ـ

5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجربيه

شکل 5.19 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں k_x فور میر تسلسل کے بنیادی اجزاء دیے گئے ہیں جن میں جزو کچھلاو k_x شامل کر کے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

(5.43)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

ان لچھوں میں بالترتیب تین دوری برقی رو

(5.44)
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

لینے سے مساوات 5.43 ورج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

(5.45)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات 5.39 کی استعال سے

(5.46)
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

 au_0 درج ذیل ہے۔ au_0 درج ذیل ہے۔

(5.47)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقناطیسی دباو 7 ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^{\circ}) + \cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

میں
$$\alpha = \gamma$$
 اور $\alpha = 240^{\circ}$ کے کر

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

حاصل کرتے ہیں جن میں جن میں حاصل مو گا۔ $\cos 240^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ ماصل کرتے ہیں جن میں جن میں اور $\cos 240^\circ = -\frac{1}{2}$

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

$$\cos(\gamma-240^{\circ})=-\frac{1}{2}\cos\gamma-\frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

ان مساوات کو $\gamma \cos \gamma$ کے ساتھ جمع کرنے سے صفر حاصل ہو گا۔

$$\cos \gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے کئے اس مساوات کو ورج ذیل کھا جا سکتا ہے۔ $\gamma=\theta+\omega t+\alpha$

$$(5.48) \quad \cos(\theta+\omega t+\alpha)+\cos(\theta+\omega t+\alpha+240^\circ)+\cos(\theta+\omega t+\alpha-240^\circ)=0$$

اب مساوات 5.46 میں دیے au_b ، au_c اور au_c کو جمع کر کے مساوات 5.48 کا استعمال کرتے ہوئے ورج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.49)
$$\tau^{+} = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.49 کہتی ہے کہ کل مقناطیسی دباو کا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا $\frac{8}{2}$ گنا ہو گا۔ مزید مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کے مخالف رخ گھوے گی۔ یول تین کچھوں کو °120 زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دوری برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے بیجان کرنے سے مقناطیسی دباو کی واحد ایک موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ کسی دو برقی رو کو آپس میں تبدیل کرنے سے مقناطیسی موج کا رخ تبدیل ہوتا ہے۔

مساوات 5.49 ایک گھو متے موج کو ظاہر کرتی ہے جس میں ہم برتی رو کا تعدد 5.49 اور اپنی آسانی کے لئے 0.49 مساوات 5.49 ایک آسانی کے لئے میں موج کی چوٹی کا تعین تفاعل 0.49 تعین تفاعل 0.49 کو صفر لیتے ہیں۔ یوں اس موج کی چوٹی کا تعین تفاعل 0.49 تعین تفاعل 0.49 کے خوالی کا کی ہے جو 0.49 کے بیلی جاتی ہے۔

ابتدائی کھے t=0 پر وہ $\cos(\theta-\omega t)$ کی چوٹی $\cos(\theta-\omega t)$ پر ہوگی جس کو t=0 کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صفر برتی زاویہ پر ہو گی جسے شکل 5.20 میں نقطہ دار لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ہم کچھ وقفہ، مثلاً t=0.001

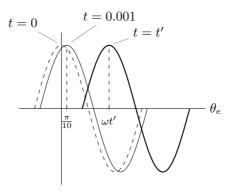
$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - 0.001\omega = 0$$

$$\theta = 0.001\omega$$

$$= 0.001 \times 2 \times \pi \times 50$$

$$= 0.3142 \,\text{rad}$$



شكل5.20: حركت كرتى موج ـ

اب یہ چوٹی 0.3142 یا $\frac{\pi}{10}$ برتی ریڈیئن لیخی 18° برتی زاویہ پر ہے جے شکل 5.20 میں باریک ٹھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی وہاو کی مون گھڑی کے مخالف رخ، لیخی زاویہ بڑھنے کے رخ، گھوم گئ $\theta - \omega t' = 0$ برچوٹی کا مقام $0 = \omega t' = 0$ ہے۔ اس طرح لحمد 0 = 0 برچوٹی کا مقام $0 = \omega t'$ ہے درج ذیل حاصل ہو گا جے موٹی ٹھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

$$(5.50) \theta = \omega t'$$

مساوات 5.50 کہتی ہے کہ چوٹی کا مقام تعین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ بندر نج بڑھتا ہے۔اس مساوات 2 برقی زاویہ چکر کا دورانیہ T حاصل کرتے ہیں۔

$$(5.51) T = \frac{\theta}{\omega} = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

یاد رہے f برقی رو کی تعدد ہے۔ یوں 50 ہرٹز برقی رو کی صورت میں مقناطیسی دباو کی موج ہر $\frac{1}{50}=0.02$ سینٹر میں ایک مکمل برقی چکر للذا ایک سینٹر میں 50 برقی چکر مکمل کرے گی۔

دو قطبی مشینول میں مساوات 5.7

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

ے تحت برقی زاویہ θ_e اور میکانی زاویہ θ_m ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مشینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات 05.51 کے تحت ایک سینڈ میں مقناطیسی دباو کی موج f برقی یا میکانی چکر کمل کرے گی جہاں f

برقی رو کی تعدد ہے۔ P قطبی مثینوں کے مقناطیسی دباو کی موج ایک سینٹہ میں f مقناطیسی چکر یعنی $\frac{2}{P}$ میکانی شکر کمل کرے گی۔

برتی رو کی تعدد کو f_e ، مقناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برتی زاویہ کو θ_e ، میکانی زاویہ کو θ_m اور مقناطیسی دباو کی موج کی زاویائی رفتار کو ω_e یا ω_e سے ظاہر کرتے ہوئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\omega_m = rac{2}{P}\omega_e \quad \mathrm{rad/s}$$
 (5.53)
$$f_m = rac{2}{P}f_e \quad \mathrm{Hz}$$
 $g = rac{120f_e}{P}$ چيکر في تيکنگر اين تيکنگر

مقناطیسی موج کی برتی معاصر زاویائی رفتار ω_e برقی زاویه فی سینڈ اور میکائی معاصر زاویائی رفتار ω_m میکائی زاویه فی سینڈ ہو گی۔ اس طرح موج کی برتی معاصر رفتار f_e برتی ہرٹز اور میکائی معاصر رفتار f_m میکائی ہرٹز ہوگی۔ برتی معاصر رفتار f_e میکائی ہرٹز ہونے ہے مراد ہے کہ ایک سینڈ میں موج f_e برتی چکر کا فاصلہ طے کرتی ہے جو دو قطب کا لیعن ω_e ریڈ بیئن کا میکائی زاویہ ہے۔ اس طرح میکائی معاصر رفتار ω_e ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ موج ایک سینڈ میں ω_e میکائی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکائی چکر روز مرہ زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کی جا کہ کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 5.53 معاصر رفتار کی مساوات ہے۔

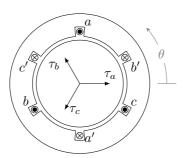
یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی لپٹی مثین جس کے لیچھ $\frac{2\pi}{q}$ برتی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں برتی رو q دوری ہو میں، تین دوری مثین کی طرح، ایک ہی رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مزید، اس موج کا حیطہ کسی ایک لیچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا $\frac{q}{2}$ گنا ہو گا اور اس کی زاویائی رفتار d و گردی برتی ریڈیئن فی سینڈ ہو گی۔ برتی ریڈیئن فی سینڈ ہو گی۔

5.5.3 تين دور کي لپڻي مشين کاتر سيمي تجربيه

شکل 5.21 میں تین دور کی لپٹی مشین دکھائی گئی ہے جس میں مثبت برقی رو کے رخ دکھائے گئے ہیں۔یوں a شکاف میں برقی رو کا رخ صفحہ سے عمودی باہر کو ہے جسے نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اسی طرح 'a شکاف میں برقی رو کا رخ

_

synchronous speed 35 rpm, rounds per minute 36



شكل 5.21: تين دوركي لپڻي مثين ميں مثبت بر قي رواوران سے حاصل مقناطيسي دياو كے رخ۔

صفحہ میں عمودی اندر کو ہے اور جسے صلیب کے نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگاف a اور a میں مثبت برقی رو کا مقاطیسی دباو کا رخ دائیں مقاطیسی دباو کا رخ دائیں a کا رخ ہے۔ کچھے میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو کا رخ دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

a اب اگر کچھا a میں برتی رو منفی ہو تب برتی رو مثبت رخ کے مخالف ہو گا، یعنی اب برتی رو کا رخ شگاف a میں صفحہ کے عمود کی باہر ہو گا۔ یوں منفی برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو بھی میں صفحہ کے معود کی اندر اور شگاف a میں صفحہ کے عمود کی باہر ہو گا۔ یوں منفی ہونے سے مقناطیسی دباو کا رخ الٹ ہو جاتا ہے۔ کچھا a کے رخ کا مخالف ہو گا۔ آپ نے دیکھا کہ برتی رو ورج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل میں دیے گئے ہیں۔ a شکل 5.21 میں کچھوں کے برتی رو اور مقناطیسی دباو درج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل میں دیے گئے ہیں۔

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

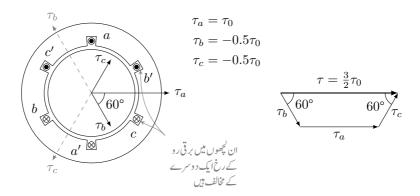
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

(5.55)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

ہم مختلف کمحات پر ان کی قیمتوں تلاش کرتے ہیں اور ان کا مجموعی مقناطیسی دباو حاصل کرتے ہیں۔



شكل5.22: لمحه $t_0=0$ يربر قى رواور مقناطيسى د باوـ $t_0=0$

t=0 کھے ان درج بالا مساوات سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.56)
$$i_a = I_0 \cos 0 = I_0$$

$$i_b = I_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5I_0$$

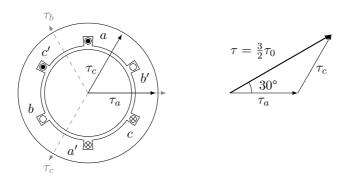
$$i_c = I_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5I_0$$

(5.57)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$

یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ t=0 پر ہٹبت جبکہ i_b اور i_c منفی ہیں۔ یوں i_a کا رخ وہی ہو گا جے شکل جباں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ t_a ور سلیب سے دکھایا گیا ہیں جبکہ i_b اور i_c کی رخ کے کے رخ کے فول میں نقطے اور صلیب سے دکھایا گیا ہیں جبکہ i_b اور تینوں مقناطیسی دباو شکل t=0 پر تینوں برقی رو کے درست رخ اور تینوں مقناطیسی دباو شکل t=0 میں دکھائے ہیں۔

کل مقناطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم (شکل 5.22)، مجموعہ سمتیات سے یا الجبرا کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا ہے۔

(5.58)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_{a} &= \tau_{0} \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_{b} &= 0.5 \tau_{0} \left[\cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} - \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_{c} &= 0.5 \tau_{0} \left[\cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \end{aligned}$$



 $t_1=30^\circ$ گىلى 5.23: لىمە $t_1=30^\circ$ كىمىناطىسى دېاوـ $t_1=30^\circ$

ان کا مجموعہ درج ذیل ہو گا۔

(5.59)
$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2}\tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}$$

لمحہ t=0 پر کل مقناطیسی دباو ایک کیجھے کے مقناطیسی دباو کا ڈیڑھ گنا اور صفر زاویہ پر ہے۔

5.54 اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ وقفہ بعد لمحہ t_1 پر دوبارہ مقناطیسی دباو تلاش کرتے ہیں۔ مساوات 5.55 میں متغیر t کی بجائے t کا استعال زیادہ آسان ہے للذا ہم لمحہ t_1 یوں متخب کرتے ہیں کہ ωt ہوں میا گیا ہے۔ ωt عصل ہو گا جنہیں شکل 5.23 میں دکھایا گیا ہے۔

(5.60)
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

(5.61)
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$

$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

کل مقناطیسی د باو کا طول au اور زاویه تکون سے حاصل کرتے ہیں۔ $au = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a \tau_c \cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$ (5.62)

5.6. محسر ك_بر قي دباو

تکون کے دو اطراف کی لمبائیاں ایک دوسرے کے برابر اور ان کے ﷺ زاویہ ہوں ہے للذا مقناطیسی دباو کا زاویہ افتی کیبر سے 30° ہو گا۔

کل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاوبیہ پر تھا اب گھڑی کے مخالف رخ گھوم کر 30° زاوبیہ پر ہے۔ اسی طرح کھہ $\omega t = \theta^\circ$ پر حل کرنے سے زاوبیہ 45° پر کل مقناطیسی دباو $\frac{3}{2}\tau_0$ حاصل ہو گا۔ عمومی کھے $\omega t = 40^\circ$ ہو، زاوبیہ θ° پر کل مقناطیسی دباو $\frac{3}{2}\tau_0$ پیدا کرتا ہے۔

5.6 محرك برقى دباو

یہاں محرک برقی دباو³⁷ کو ایک دوسرے نقطہ نظر سے پیش کرتے ہیں۔

5.6.1 بدلتاروبر قی جزیٹر

شکل 5.24 میں ایک بنیادی بدلتارو جنریر 38 دکھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتا ہے:

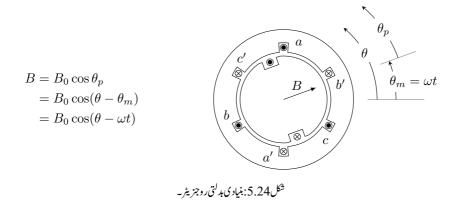
$$(5.63) B = B_0 \cos \theta_p$$

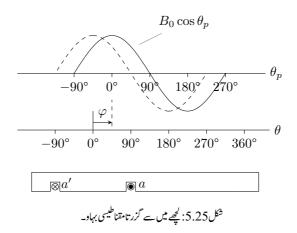
یہ مقناطیس ω زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ابتدائی لمحہ t=0 پر اس مقناطیس کو کچھا a کے رخ، یعنی ہلکی سیاہی کی افقی کلیر پر تصور کریں۔ یوں لمحہ t پر بیہ گھوم کر زاویہ $\theta_m=\omega t$ پر ہو گا۔اس طرح درج بالا مساوات درج ذیل کھی جا سکتی ہے۔

(5.64)
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.25 میں B کو زاویہ θ اور θ_p کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے اور ساتھ ہی لچھا a دکھایا گیا ہے۔ لمحہ t=0 جب گھومتے برتی مقناطیس کا محور اور لچھا a کا محور ایک رخ ہیں، نقطہ دار لکیر سے B دکھایا گیا ہے جبکہ عمومی لمحہ

^{7&}lt;sup>3</sup> ہتداہ میں حرکت سے پیدا برقی دیاو کو محرک برقی دیاو کہتے تھے۔اب دوا بی طور پر کسی بھی طرح پیدا کردو برقی دیاو کو محرک برقی دیاو کہتے ہیں۔ 38 مدم معرور موروں





5.6. محسر ك برقى دباد

t پر B کو ٹھوس کیبر سے دکھایا گیا ہے۔ چونکہ B کی چوٹی ہر صورت $\theta_p=0^\circ$ پر ہوگی لہذا ترسیم میں محور θ_p پر دکھائے گئے زاویات 0° واللہ 0° عمومی لمحہ t کے لئے درست ہیں ناکہ t والے کے لئے۔ لمحہ t بر دکھائے گئے زاویات t والے t والے محور کہ جمومی لمحہ t بر برتی مقناطیس کے محور اور کچھے کے محور کے t ور اور کچھے کے محور کے t ور اور پہنے مخاص میں اور اور پہنے کے محور کے t ور اور پہنے کے مخاص میں کے اللہ مخصر ہوگا۔

$$(5.65) \theta = \omega t$$

کوہ t=0 پر کچھا a میں مقناطیسی بہاو زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ خلائی درز باریک ہونے کی بنا درز کا اندرونی اور بیرونی رداس تقریباً ایک دوسرے جیسا ہوں گے۔ برتی مقناطیس کے گھومنے کے محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ ρ اور برتی مقناطیس کی محوری لمبائی ρ ہونے کی صورت میں کچھے میں مقناطیسی بہاو وہی ہو گا جو خلائی درز میں ρ اور برتی مقناطیس کی محوری لمبائی ρ بر کچھا ρ سے گزرتا بہاو تلاش کرتے ہیں۔

$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

آخری قدم پر $\phi_a(0)$ کو $\phi_a(0)$ کہا گیا ہے۔ یہی حساب لمحہ t پر درج ذیل ہو گا جہاں آخری قدم پر $\phi_a(0)$ کہا گیا ہے۔

(5.67)
$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0} l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \omega t$$

axial length³⁹

اس بہاو کو درج ذیل طریقہ سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t))(l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t)\Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[\sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right)\right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ کمل زاویہ θ کے ساتھ کیا گیا ہے۔ مساوات 0.66 کی مدد سے $\phi_a(t)$ کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔ $\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$ (5.69)

مساوات 5.68 کی طرح d اور c کچھوں کے مقناطیسی بہاو کی مساواتیں بھی حاصل کی جا سکتی ہیں۔ شکل d گیروں نے مساوات زاویہ d معلوم کرنے کے لئے مساوات زاویہ d معلوم کرنے کے لئے مساوات بیاد کچھا d میں گزرتا ہے۔ اس لئے d معلوم کرنے کے لئے مساوات d معلوم کرنے کے حد d معلوم کرنے کے حد d معلوم کرنے کے حد d معلوم کے خوال کے میں کمل کے حد d معلوم کرنے کے حد d کے حد d معلوم کے حد d کے ح

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right)$$

5.6. محسر كب بر قي دباو

191

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right)$$

ا کے لچھا کے N چکر تصور کرتے ہوئے تینوں کچھوں میں پیدا برقی دباہ معلوم کرتے ہیں۔ کچھوں میں ارتباط بہاہ درج ذمل ہو گا۔

(5.72)
$$\lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0 \cos \omega t$$

$$\lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$\lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات میں $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیئن کو °120 کھھا گیا ہے۔ کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

(5.73)
$$e_a(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^\circ)$$

$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^\circ)$$

$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^\circ)$$

کھا جا سکتا ہے جو آپس میں °120 زاویہ پر تین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتی ہیں۔ ان سب کے حیطے E_0 ایک دوسرے جتنے ہیں

$$(5.75) E_0 = \omega N \phi_0$$

للذاتينول برقى دباوكي موثر قيمت 40 درج ذيل هو گي۔

(5.76)
$$E_{\dot{\mathcal{T}}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

چونکہ $\phi=BA$ ہوتا ہے لہذا مساوات 5.76 صفحہ 52 پر دی گئی مساوات $\phi=BA$ کی طرح ہے۔

مساوات 5.74 سائن نما برقی دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ اگرچہ اسے یہ تصور کر کے حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباو کا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کس طرح وجود میں آیا اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو جزیئر کے ساکن حصہ میں پیدا ہوئی ہو یا ساکن اور حرکت پذیر دونوں حصوں میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.76 ہمیں ایک گچھ لچھ میں پیدا برقی دباو دیتی ہے۔ اگر لچھا تقسیم شدہ ہو تب اس کے مختلف شگافوں میں موجود اس لچھ کے حصوں میں برقی دباو ہم قدم نہیں ہوں گے للذا ان سب کا مجموعی برقی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہو گا بلکہ اس سے کچھ کم ہو گا۔ یوں کھیلے لچھ کے لئے یہ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(5.77) E_{\dot{\tau}} = 4.44k_w f N \phi_0$$

تین دوری برقی جزیٹر ول کے k_w کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں یک دوری برقی رباو دیتی ہے۔ تین دوری برقی جزیٹر ول میں ایسے تین کچھول کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی سارہ یا Δ یعنی سکونی جوڑا جاتا ہے۔

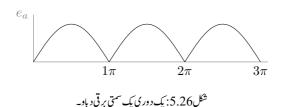
5.6.2 يك سمتي روبر قي جزيٹر

ہر گھومنے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو جزیٹر ہی ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمتی برقی دباو⁴¹ کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتی برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ ایباالیکٹرائنس کے ذریعہ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمتے کار⁴² کی مدد سے کیا جا سکتا ہے یا پھر میکانی طریقے سے میکانی سمتے کار⁴³ کی مدد سے جزیٹر کے اندر ہی کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.73 میں دیے گئے برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جائے تو یہ شکل 5.26 کی طرح ہو گا۔

¹¹¹¹S

DC voltage⁴¹ rectifier⁴²

 $commutator^{43}$



مثال 5.5: شکل 5.26 میں یک سمتی برقی دباو دکھائی گئی ہے۔اس یک سمتی برقی دباو کی اوسط قیمت حاصل کریں۔

ىل:

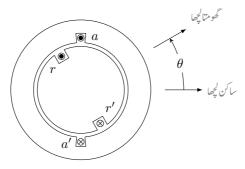
$$E_{\mathbf{k},\mathbf{j}} = rac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = rac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

ک سمتی برقی جزیٹر پر با قاعدہ تبھرہ کتاب کے باب میں کیا جائے گا۔

5.7 مهوار قطب مشينول مين قوت مرورً

اس جھے ہیں ہم ایک کامل مشین ہیں قوتے مروز 44 کا حساب لگائیں گے۔ ایسا دو طریقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ ہم مشین کو دو مقناطیس سمجھ کر ان کے مابین قوتِ کشش، قوتِ دفع اور قوت مروڑ کا حساب لگا سکتے ہیں یا پھر اس میں ساکن اور گوشتے کچھوں کو امالہ سمجھ کر باب چار کی طرح توانائی اور کو توانائی کے استعمال سے اس کا حساب لگائیں۔ پہلے توانائی کا طریقہ استعمال کرتے ہیں۔

 ${\rm torque}^{44}$



شكل 5.27: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

5.7.1 توانائی کے طریقے سے مکانی قوت مروڑ کا حساب

یہاں ہم ایک دوری مشین کی بات کریں گے۔ اس سے حاصل جوابات کو با آسانی زیادہ دور کی آلوں پر لا گو کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.27 میں یک دوری کامل مشین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس کی دو کچھوں میں پچھ زاویہ ہو گا جے θ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر جگہ کیساں ہے لہٰذا یہاں اُبھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جائے گا۔ مزید یہ کہ قالب کی θ سے تصور کی گئی ہے لہٰذا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل 45 من ہے۔ کہ مخصر ہے۔ پر مخصر ہے۔

 $L_{ar}(\theta)$ ال مشتر کہ امالہ $L_{ar}(\theta)$ اور گھوے کچھے کی امالہ L_{rr} مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ $L_{ar}(\theta)$ زاویہ θ پر منحصر ہو گا۔ جب $\theta=0$ یا $\theta=\pm 2\pi$ یا $\theta=0$ یا $\theta=\pm 180$ نراز ہو تو ایک لیجھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے بھی گزرتا ہے البتہ اس کھے اس کی سمت ہو اس کھے ایک مرتبہ پھر ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے البتہ اس کھے اس کی سمت اُلٹ ہوتی ہے لہذا اب ان کا مشتر کہ منفی ہو گا یعنی $-L_{ar0}$ اور جب $-L_{ar0}$ ہو تب ان کا مشتر کہ اللہ صفر ہو گا۔ اگر ہم یہ ذہن میں رکھیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو سائن نما ہے تب

$$(5.78) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

ہو گا۔ہم ساکن اور گھومتے کچھوں کی ارتباط بہاو کو یوں لکھ سکتے ہیں

(5.79)
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ar}(\theta)i_r = L_{aa}i_a + L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
$$\lambda_r = L_{ar}(\theta)i_a + L_{rr}i_r = L_{ar0}\cos(\theta)i_a + L_{rr}i_r$$

magnetic constant, permeability⁴⁵

ا گر ساکن کچھے کی مزاحمت R_a اور گھومتے کچھے کی مزاحمت R_r ہو تو ہم ان کچھوں کے سروں پر دیے گئے برقی دباو کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(5.80) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں θ برقی زاویہ ہے اور وقت کے ساتھ اس کی تبدیلی رفتار ω کو ظاہر کرتی ہے یعنی

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ کو توانائی حاصل کی جاسکتی ہے۔ کو توانائی صفحہ 127 پر مساوات 4.72 سے حاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(5.82)
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

اس سے میکانی قوت مروڑ T_m یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.83)
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

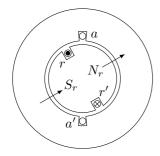
چونکہ P قطب مشینوں کے لئے

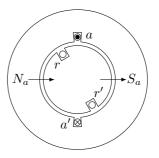
$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا جميں مساوات 5.83 سے ملتا ہے

$$(5.85) T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ T_m منتی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر کسی لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کو ایک بہاو کے در میان زاویہ مثبت ہو تو ان کے مابین قوت مروڑ منتی ہو گا یعنی قوت مروڑ ان دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک سمت میں رکھنے کی کوشش کرے گا۔





شكل 5.28: لچھوں كے قطبين۔

5.7.2 مقناطيسي بهاوسے ميكاني قوت مر وڑ كاحساب

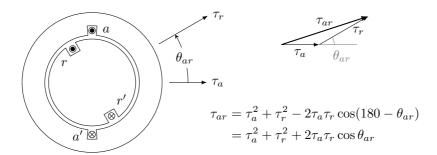
شکل 5.28 میں دو قطب والی یک دوری مشین دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب صرف گھومتے کچھے میں برقی رو ہے۔ اس کھی میں بائیں جانب صرف گھومتے کچھے میں برقی رو ہے۔ اس کچھے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے، لیغنی تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں اگر صرف گھومتے جھے پر توجہ دی جائے تو یہ واضح ہے کہ گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین شکل میں دیے گئے ہیں۔ اس طرح شکل میں دائیں جانب صرف ساکن کچھے میں برقی رو ہے۔ اگر اس مرتبہ صرف ساکن حھے پر توجہ دی جائے تو اس کے بائیں جانب سے مقناطیسی بہاو نکل کر خلائی درز میں داخل ہوتی ہے، لہٰذا یہی اس کا شالی قطب ہے اور اس مقناطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔ داخل ہوتی ہے۔ لہٰذا یہی اس کا شالی قطب ہے۔ اور اس مقناطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔

یبال بیہ واضح رہے کہ اگرچہ کچھ لیچھ دکھائے گئے ہیں لیکن در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہی ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباوکی موج کے چوٹی کو ظاہر کرتے ہیں۔

شکل 5.29 میں اب دونوں کچھوں میں برتی رو ہے۔ یہ واضح ہے کہ یہ بالکل دو مقناطیسوں کی طرح ہے اور ان کے اُلٹ قطبین کے مابین قوتِ کشش ہو گا، یعنی یہ دونوں کچھے ایک ہی سمت میں ہونے کی کوشش کریں گے۔

یہاں بیہ زیادہ واضح ہے کہ بیہ دو مقناطیس کوشش کریں گے کہ $heta_{ar}$ صفر کے برابر ہو یعنی ان کا میکانی قوت مروڑ $heta_{ar}$ کے اُلٹ سمت میں ہو گا۔ یہی کچھ مساوات 5.85 کہتا ہے ۔

ان برقی مقناطیسوں کے مقناطیسی دباو کو اگر ان کے مقناطیسی محور کی سمت میں au_a اور au_r سے ظاہر کیا جائے جہاں ہوں تو خلاء میں کل مقناطیسی دباو au_a ان کا جمع سمتیات ہو گا جیسے جہاں au_a



شكل 5.29: خلا كي در زمين مجموعي مقناطيسي دباو_

(5.86)
$$\begin{aligned} \tau_{ar}^2 &= \tau_a^2 + \tau_r^2 - 2\tau_a \tau_r \cos(180^\circ - \theta_{ar}) \\ &= \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2\tau_a \tau_r \cos(\theta_{ar}) \end{aligned}$$

خلائی در زمیں یہ کل مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت H_{ar} کو جنم دے گا جو اس قلیہ سے حاصل ہوتا ہے۔ $au_{ar}=H_{ar}l_g$

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ اب جہاں خلاء میں مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی ہمہ توانائی کی کثافت H_{ar} کی کثافت H^2 ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط ہمہ توانائی کی کثافت اس خلائی درز میں H^2 کی اوسط ضربِ H^2 کی کثافت اس خلائی درز میں اوسط ضرب H^2 کی اوسط H^2 کی اوسط نے H^2 کی اوسط کیا جاتا ہے۔ ہوگی۔ کسی بھی سائن نما موج H^2 کی اوسط H^2 کا اوسط H^2 کی اوسط کیا جاتا ہے۔

(5.88)
$$H_{\text{br,s}}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

cosine law⁴⁶

للذا خلائی درز میں اوسط ہمہ توانائی کی کثافت $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$ ہو گی اور اس خلاء میں کل ہمہ توانائی اس اوسط ہمہ توانائی ضرب خلاء کی حجم کے برابر ہو گا یعنی

(5.89)
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درز کی رداسی لمبائی $_{g}l_{p}$ ہور اس کی دھرے 47 کی سمت میں محوری لمبائی 48 ہے۔ محور سے خلاء کی اوسط رداسی فاصلہ $_{r}r_{p}$ ہے۔ مزید سے $_{g}l_{g}$ ہے۔ اس طرح خلاء میں رداسی سمت میں کثافت مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.90)
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{q}} \left(\tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

اس سے میکانی قوت مروڑ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے

(5.91)
$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

یہ حساب دو قطب والی مشین کے لئے لگایا گیا ہے۔ P قطب والے مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کا میکانی توت مروڑ دیتا ہے للذا ایسے مشین کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

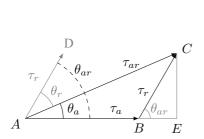
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

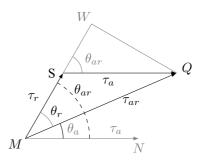
یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ اس کے مطابق مشین کا میکانی قوت مروڑ اس کے ساکن اور گھومتے لیجھوں کے مقاطیسی دباو کے چوٹی کے براہ راست متناسب ہے۔ اس طرح یہ ان دونوں کے درمیان برقی زاویہ θ_{ar} کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہے۔ منفی میکانی قوت مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ θ_{ar} کے الٹ جانب ہے لیعنی یہ میکانی قوت مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی جانب کو ہے۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک برابر گر الٹ ستوں میں میکانی قوت مروڑ ہوتا ہے البتہ ساکن جے کا قوت مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو جاتا ہے جبکہ گھومتے جے کا میکانی قوت مروڑ اس جے کو گھماتا ہے۔

چونکہ مقناطیسی و باو برقی رو کے براہ راست متناسب ہے للمذا au_a اور i_a آپس میں براہ راست متناسب ہیں جبکہ اور au_r اور i_r آپس میں براہ راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.85 اور 5.92 ایک جیسے ہیں۔ در حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل برابر ہیں۔

axis4/

axial length 48





شکل5.30: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

شکل 5.30 میں ایک مرتبہ پھر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں بائیں جانب تکون ΔAEC اور ΔBEC میں CE مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.93) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.94) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

ای طرح شکل WQ میں WQ کا طرف مشتر کہ ہے اور ΔSWQ اور تکون ΔSWQ میں WQ کا طرف مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.95) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اب اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.96) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مهاوات 5.92 مهاوات 5.94 اور مهاوات 5.96 كو ايك جبكه لكھتے ہيں۔

(5.97)
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے یہ واضح ہے کہ میکانی توت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے یا پھر ایک کچھے کی مقناطیسی دباو اور کل مقناطیسی دباو اور ان دو کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو بول بیان کیا جاسکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کے آپس میں رد عمل کی وجہ سے وجود میں آتا ہے اور یہ ان مقناطیسی دباو کی چوٹی اور ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو سب کا آپس میں تعلق رکھتے ہیں للذا ان مساوات کو کئی مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو au_{ar} اور وہاں کثافت مقناطیسی بہاو B_{ar} کا تعلق

$$(5.98) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_q}$$

استعال کر کے مساوات 5.97 کے آخری جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(5.99) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی آلوں میں مقناطیسی قالب کی مقناطیسی مستقل μ کی محدود صلاحیت کی وجہ سے قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ لہذا مثین بناتے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا پڑتا ہے۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو اس کچھے میں برتی رو پر مخصر ہوتا ہے۔ اس برتی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے یہ لچھا گرم ہوتا ہے۔ برتی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک اس کچھے کو ٹھنڈا کرنا ممکن ہو۔ لہذا مقناطیسی دباو کو اس حد کے اندر رکھنا پڑتا ہے۔ چونکہ اس مساوات میں یہ دو بہت ضروری حدیں واضح طور پر سامنے ہیں اس لئے یہ مساوات مثین بنانے کی غرض سے بہت اہم ہے۔

اس مساوات کی ایک اور بہت اہم شکل اب دیکھتے ہیں۔ ایک قطب پر مقناطیسی بہاو ϕ_P ایک قطب پر اوسط کا رقبہ A_P ہوتا ہے۔ جہاں کثافت مقناطیسی بہاو اوسطB ضرب ایک قطب کا رقبہ A_P ہوتا ہے۔ جہاں

(5.100)
$$B_{\mathsf{b},\mathsf{s}} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.101) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

أور

$$(5.103) T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

فرہنگ

earth, 94	ampere-turn, 32
eddy current loss, 62	armature coil, 131, 251
eddy currents, 62, 126	axle, 161
electric field intensity, 10 electrical rating, 59 electromagnet, 131 electromotive force, 61, 137 emf, 137 enamel, 62 energy, 43 Euler, 21 excitation, 61	carbon bush, 177 cartesian system, 4 charge, 10, 136 circuit breaker, 178 coercivity, 46 coil high voltage, 56 low voltage, 56 primary, 55
excitation, 61 excitation current, 50, 60, 61 excitation voltage, 61 excited coil, 61	secondary, 55 commutator, 164, 241 conductivity, 25 conservative field, 108
Faraday's law, 38, 125 field coil, 131, 251 flux, 30 Fourier series, 63, 142 frequency, 130 fundamental, 142 fundamental component, 64	core, 55, 126 core loss, 62 core loss component, 64 Coulomb's law, 10 cross product, 13 cross section, 9 current transformation, 66 cylindrical coordinates, 5
ac, 159 ground current, 94 ground wire, 94 harmonic, 142	delta connected, 92 design, 195 differentiation, 18 dot product, 15
harmonic components, 64	E,I, 62

ئىرىتاك 270

parallel connected, 253	Henry, 39
permeability, 26	hunting, 178
relative, 26	hysteresis loop, 46
phase current, 94	
phase difference, 23	impedance transformation, 71
phase voltage, 94	in-phase, 69
phasor, 21	induced voltage, 38, 49, 61
pole	inductance, 39
non-salient, 140	
salient, 140	Joule, 43
power, 43	
power factor, 23	lagging, 22
lagging, 23	laminations, 31, 62, 126
leading, 23	leading, 22
power factor angle, 23	leakage inductance, 79
power-angle law, 188	leakage reactance, 79
primary	line current, 94
side, 55	line voltage, 94
	linear circuit, 226
rating, 96, 97	load, 98
rectifier, 164	Lorentz law, 136
relative permeability, 26	Lorenz equation, 102
relay, 101	
reluctance, 25	magnetic constant, 26
residual magnetic flux, 45	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 49, 164	intensity, 11, 33
rotor, 36	magnetic flux
rotor coli, 104	density, 33
rpm, 155	leakage, 78
	magnetizing current, 64
saturation, 47	mmf, 30
scalar, 1	model, 81, 207
self excited, 251	mutual flux linkage, 43
self flux linkage, 42	mutual inductance, 42
self inductance, 42	
separately excited, 251	name plate, 97
side	non-salient poles, 177
secondary, 55	
single phase, 23, 59	Ohm's law, 26
slip, 209	open circuit test, 86
slip rings, 176, 229	orthonormal, 3

ف رہنگ

unit vector, 2	star connected, 92
unit vector, 2	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
VA, 75 vector, 2 volt, 137 volt-ampere, 75 voltage, 137 DC, 164 transformation, 66	stator, 36 stator coil, 104, 127 steady state, 175 step down transformer, 58 step up transformer, 58 surface density, 11 synchronous, 130 synchronous inductance, 184 synchronous speed, 155, 176
Watt, 43	
Weber, 32	Tesla, 33
winding distributed, 140 winding factor, 147	theorem maximum power transfer, 229 Thevenin theorem, 226 three phase, 59, 92 time period, 100, 142 torque, 165, 209 pull out, 178 transformer air core, 59 communication, 59 ideal, 65
	transient state, 175

پتریاں،62	ابتدائی
يورا بوجھ، 197	جانب،55
نیچے،80	گچھا، 55
ىتىپ پېش زاويە، 22	ار تباط بهاو، 39
	اضافي
تاخير ي زاويه، 22	زاویا کی رفتار، 212
تار کی برقی د باو،94	اکائی سمتیه، 2
تار کی برقی رو،94	اماله، 39
تانبا،28	امالى بر قى د باو، 38، 49، 61
تبادله	اوہم میٹر،237
ر کاوٹ، 71	ا یک، تین پتریال، 62
مختی،97	ایِک مرحلہ،59
تدريجي تفرق،113 - 120	ايمپيئر - چکر ، 32
تعدد،130 آت 179	
تعقب،178 تفرق،18	136.,
عرن،18 جزوی،18	بر قرار چالو،175،100 م ت
برون. تکمل،18	بر قي بار، 136،106
س،18 تکونی جوڙ،92	بر تي د باد، 28، 137
توني بور، 42 توانائي، 43	تبادله،66،56
وانان، 45،59 تین مرحله، 92،59	ځرک،137
20,000,000	بيجاني،185
ٹرانسفار مر	يك شتى،164 ق
برُ تی د باووالا، 59	بر تی رو،28 بیخور نما،126
بوجھ بردار،68	بسور ما،120 تبادله،66
خلائی قالب،59	مبادله،006 بیجان انگیز،50
د باوبر ماتا، 58	یجان۱ میر،30 برتی سکت،59
د باو ِ گھٹا تا،58	ېري سختي،ود بر تي ميدان،10
ذرائع ابلاغ، 59	بری شیدان،10 شدت،28،10
رووالاء59	مرت.28،10 بش،177
كال65،	بناوك، 86
شلا، 33	بنیادی جزو، 142،644
ٹھنڈی تار،94	بو تھ ، 98
ثانوي جانب، 55	بھٹی،114
33. 4 4031	بجينور نما
جاول،43	برتی رو، 62
97.	ضياع،62
يچىلاو،147	بھنور نمابر تی رو،126
جزوطاقت،23	بے بو جھ ،60
پ <u>ث</u> ن،23	
تاخيرى،23	پ ر ی، 31، 126

<u>ــــرہگ</u>ـــــ

سرك چىلے،176،229	جنزیٹر بدلتی رو، 159 جوڑ تکونی، 92 تالیم نیا 92
سطى تكمل، 181	بدلخارو،159
سطى كثافت،11	جوز گانی ۵۲
سكت،96،96	ستاره نماه 92 ستاره نماه 92
سلسله وار 145	92100
سمت كار، 241	چکر فی منٹ،126
برقیاتی،164	پولى - 211 چۇلى، 211
ميكاني،164	
سمتىيە،2	خطى
عمودياکائي، 3	ېر تې دور، 226
سمتی ر فتار ،102	خو دار تباط بهاو، 42
سير ابيت،47	خوداماله، 42
ضرب	داخلي ڀيجان
نقطه،15	ر ساسله وار ، 253 سلسله وار ، 253
ضرب صليبي، 13	متوازی، 253 متوازی، 253
42 ***	مرکب،253
طاقت،43	دور برطی مرکب، 253
طاقت بالمقابل زاويه، 188 طول موج، 18	دور شکن، 178
طول مون، ۱۵	دوری عرصه، 142،100
عار ضی صور ت، 175	دهره 161
عمودی تراش،9	
ر تبہ،9	رشا
•	اماله، 79
غيرسمتي،1	متعامله، 79
غير معاصر ،178	رستامتعامليت،217
250 / :	رفتار
فورئير،250 : برنسل دې ده د	اضافی زاویاکی، 212
فوريئرنشلىل،63،142	روغن،62
فیراڈے	رياضي نمونه، 207،81
تانون،38،125	ریلے،101
قالب،126	زاویه جزوطاقت، 23
قالبي ضياع، 62	رادييه اردي العربي . زمين ،94
64.9.7.	رين. زيني بر تي رو، 94
قانون	رين برن روم. زيني تار، 94
اوېم،26)-t-000-0
كولمب ،10	ساكن حصه،36
لورينز،136	ساكن كيچها،127،104
قدامت پبند میدان، 108	ستاره نماجوژ،92
قريب جڙي مر ٽب، 253	سرك،209

274 سنرہنگ

مر حلی فرق، 23	قطب
مركب جزيثر، 253	ابھرے،140،177
مزاَحت، 2ُ5ُ	ہموار،140،177
مساوات لورينز، 102	قوت مر و _ل ر، 209، 165
مسكم	انتهائي،178
تھو نن ،226	قوى اليكٹر انكس، 241،207
زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی، 228	قوى ك <u>ى</u> ھے، 251
مشتر كه ارتباط اماله، 43	•
مشتركه اماله، 42	كارين بش،177
معاصر،130	كِار گذارى،200
معاصراماله،184	^ک پیسر ،194
معاصر ر فتار ، 176،155	کافت :
معائنه	برقې دو، 27
کھلے دور ،86	کثافت مقناطیسی بهاو
مقناطيس	بقاي،45
برق،131	كسر دور ، 38
معائنه کطیر دور،86 متناطیس برتی،131 چال کادائرہ،46	04
خاتم شدت،46	گرم تار، 94 **
مقناطیسی بر قی رو، 64	گومتاحصه،36
مقناطیسی بهاو،30	گھومتالچھا،104
رتا،78	ليجا
كثافت،33	•
مقناطيسي چال،52	ابترائی،55 سال 140
مقناطیسی د باو، 30	<u>کھلے</u> ،140
سمت، 141	.يىچىدار، 40 ئاندى، 55
مقناطيسي قالب، 55،31	عوی،دی زیاده برتی دباو، 56
مقناطیسی مستقل،166،26	ريده بري د بري د. ساكن، 104
31.26.9.7.	سمت،104 سمت،133
مقناطیسی میدان	ئىت. قوي،131
شدت، 33،11	- دن. کم بر تی د باو، 56
موژ،49،19	ا برن دورد. گومتا، 104
موثر قیت ،164	موم،104 میدانی، 131
 موسیقائی جزو،64،142	131,0
موصلیت،25	محد د
ميداني لچھے، 251	محد د کار تثیمی، 4 نکلی 5
¥ · · ·	تَلَى، 5
واٹ، 43	محرك بر تي د باو، 61
وولٹ،137	161.15
وولٺ-ايمپيئر،75	مخلوط عدد، 192
ويبر،32	مرحلي سمتيه، 186،21

> ك سمتى رو مشين، 241 ك مر حله، 23 ك مر حله برقى د باو، 94 كي مر حله برقى د و، 94 يولر مساوات، 21