برقی آلات

حنالد حنان يوسفزني

باست کامیٹ،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

۲۰۲۴مارچ۲۰۲۳

تاريخ در سنگى:12مئي 2020

# عسنوان

| vii  | •   | دىباحپ      |
|------|---|-------------|
| 1    | ي حت ئق   | ا بنيادهٔ   |
| 1    | بنيادي اکائيال  | 1,1         |
| 1    | غب رستی   | 1.1         |
| 1    | ستنير   | 1.1"        |
| ۲    | محباد   | 1.14        |
| ۲    | ۱٫۲۰۱ کارنتین محبه دی نظسام   |             |
| ۴    | ۱٬۴۰۲ نگلی محسد دی نظبام  |             |
| ۲    | سمتيروت   | 1.0         |
| ۸    | رقب عنسود کا تراکش  | ۲.۱         |
| 9    | برقی اور مقت طبیسی مپ دان   | 1.4         |
| 9    | ا کیا برقی میدان اور برقی میدان کی شدت  |             |
| 1+   | ۱.۷.۲   |             |
| 1.   | سطی اور حجمی کثاف <b>ت</b>  | 1.4         |
| 1•   | ا.۸.۱ سطی کثافت   | 1.74        |
|      |   |             |
| 11   | منجمی کنافت می در                           | 1.9<br>1 1+ |
| 11   | صلب بی ضرب اور ضرب نقطب میں میں میں میں میں اور ضرب نقطب میں ہے۔<br>میں میں صلب | 1,14        |
| 11   | ا.۱۰.۱ صلب م شرب  |             |
| 1111 | ۲۰۰۱ نقطی ضرب   |             |
| 10   | تفسرق اور حبيزوي تفسيرق   | 1.11        |
| 14   | خطی تکمل  | 1.17        |
| 17   | سطح تحمل  | 1.11        |
| 11   | دوری سمتیه  | 1.16        |
|      | ı   | _           |
| ۲۱   | طیسی ادوار  | ٢ مقن       |
| 11   | مسزاحمت اور چېکحپاېپ  | ۲.1         |

iv

|            | / T T   |  |   |
|------------|---|--|---|
| 22         | کثا <u>فت ب</u> رقی رواور برقی میدان کی شدت   | ۲.۲                                      |   |
| ۲۳         | برقی ادوار  | ۲.۳                                      |   |
| ۲۴         | مقت طبیبی دور حصیب اول بر                                 | ۲.۴                                      |   |
| 24         | كافت مقت طيسي بهب واور مقت طيسي مب دان كي شدت   | ۲.۵                                      |   |
| 49         | مقت طيسي دور حصب دوم  | ۲.۲                                      |   |
| ٣٢         | خوداماليه،مشتر كهاماله اور توانائي  | ۲.۷                                      |   |
| ٣٨         | مقت طبیبی ماده کے خواص  | ۲.۸                                      |   |
| ۱۳         | هیجبان شده کچه ا  | r.9                                      |   |
| <b>.</b> . |   | ٹرانسفار                                 |   |
| <i>۲</i> ۷ |   |  |   |
| ۴۸         | ٹرانسفارمسر کی اہمیت<br>میں میں میں میں میں میں میں میں میں میں                               | ۳.۱                                      |   |
| ۵٠         | ٹرانسفارمسرکےاقسام  | ٣.٢                                      |   |
| ۵۱         | امالى برقى دباو   | ۳,۳                                      |   |
| ۵۲         | هجیبان انگیپ زبر قی رواور صالبی ضیاع  | ۳.۴                                      |   |
| ۵۵         | شبادلەبرقى دباواور شب دلەبرقى روكے خواص   | ۳.۵                                      |   |
| ۵۸         |   | ۳.۲                                      |   |
| ۵٩         | ٹرانسفار مسبر کی عبدالمت پر نقطوں کامطلب  | ٣.۷                                      |   |
| ٧٠         | ر کاوٹ کاتب ولیہ  | ۳.۸                                      |   |
| 44         | ٹرانسفارمسر کے وولٹ وائیمیئر  | ۳.۹                                      |   |
| 77<br>77   | ٹرانسفار مسسر کے امالہ اور مساوی ادوار  | ۳.1۰                                     |   |
| YA.        | ۱۰۱۰ سینچ ق کرامت اور عن مندق میک دی  |  |   |
| 1/1<br>1/A | ۳٬۱۰۰ مر مسابعاته<br>۳٬۱۰۰ تانوی برقی رواور و ت الب کے اثرات                                  |  |   |
| 49         | ۳.۱۰ ستانوی کچھے کاامالی برق دیاو   |  |   |
|            |   |  |   |
| ۷٠         |   |  |   |
| ۷٠         | ۳.۱۰.۲ رکاوٹ کاابت دائی یا انوی حبانب شبادله  |  |   |
| ۷٢         | ے۔۱۰ ۳ شرانسفارمسیر کے سادہ ترین مساوی ادوار  |  |   |
| ۷۴         | کھلے دور معیائٹ اور قصب ردور معیائٹ میں بیان کھیا ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔      | ۳.11                                     |   |
| ۷٣         | ا.اا.۳ گھــلادورمعــائٽــه  |  |   |
| 44         | ۳.۱۱٫۲ تصسر دور معسائن به   |  |   |
| <b>4</b> 9 | مین دوری ٹرانسفار مسسر  | ۳.۱۲                                     |   |
| ۲۸         | تین دوری ٹرانسفار مسسر<br>ٹرانسفار مسسر حپالو کرتے لمحسہ زیادہ ہیجہان انگسپے زبر قی رو کا گزر | ۳.۱۳                                     |   |
| ۸9         | ييكاني توانائي كاياجمي تب دله   | باقراما                                  | ~ |
| A9         |   | بری اور <sup>ب</sup><br>ا. <sup>به</sup> | , |
|            | مقت طبیعی نظام مسین قوی اور قوی مسروژ   |  |   |
| 90         | شب دله تواناکی والاایک کیچھے کا نظام ،  | ۳.۲                                      |   |
| 99         | توانانی اور جم توانانی  | ۳.۳                                      |   |
| 1+1"       | متعبري دلجهون كامقيبن اطيسي نظريام  | ~ ~                                      |   |

ع-نوان v

| 111        | شین کے بنپادی اصول<br>شین کے بنپادی اصول  | گھومتے م  | ۵ |
|------------|---|-----------|---|
| 111        | صانون فت راڈے   | ۵.1       |   |
| 111        | معاصرمشین   | ۵.۲       |   |
| 171        | محسرک برقی دباوی می در  | ۵.۳       |   |
| ١٢٣        | بھیلے کچھے اور سائن نمسامقت طبیعی دباو  | ۵.۴       |   |
| ۱۲۵        | ا ۸.۴ پرلت ارومث مین  |           |   |
| ۱۳۲        | مقت طیسی د باو کی گھومتی امواج  | ۵۵        |   |
| 124        | ا ۵.۵   |           |   |
| ۳۳         | ۵.۵.۲ ستین دور کی کپٹی مشین کا تخلسیلی تحب زیب میں  |           |   |
| ۱۳۸        | ۵.۵.۳ تین دورکی کپ ٹی مشین کار سیمی تحب زیب   |           |   |
| اما        | مسابق میں میں اور میں میں میں اور کے اور میں میں اور م<br>محسر کے برق دباور میں میں میں اور میں | ۵,۲       |   |
| اما        | ۵.۲.۱   |           |   |
| ١٣٦        | ۵.۲.۲ کیک سمت روبر قی جنسریٹ سر   |           |   |
| ١٣٦        | ېموار قطب مشينول مسين قوت مسرور پر  | ۵.۷       |   |
| ١٣٦        | ۵.۷.۱ میکانی قوی مسروژ بذریع، تر کیب توانائی ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،  |           |   |
| ۱۳۸        | ۵.۷.۲ میکانی قوی مسروژ بذریعی مقن طیسی بهباو  |           |   |
|            | *   |           |   |
| ۱۵۵        | حسال، برفت براد حپالومع اصرمثین<br>   |           | 4 |
| 104        | متعب د دوری معساصر مشین   | ١.٢       |   |
| 101        | معياصرمشين کے امالہ   | ۲.۲       |   |
| 109        | ۲.۳.۱ څوداماله  |           |   |
| 14+        | ۲۲.۲۴ مشتر که اماله   |           |   |
| 171        | ۶٫۲٫۳ معیاصراماله   | س ب       |   |
| 1411       | ٠٠ ٠٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١  | ٧,٣       |   |
| 1414       |   | ٧.٣       |   |
| 149        | يكال حيال، برمت رار حيالومثين كے خواص   | ۷.۵       |   |
| 149        | ا ۱.۵. معاصر جنسر بیشر : برقی بوته بالقابل $I_m$ خط   |           |   |
| 121        | معاصر موٹر: $I_a$ بالمقائل $I_m$ کے خطب میں جاتے ہیں ہے تھے ہیں ہوٹر: ہوگری ہوٹر: ہوگری ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر   |           |   |
| ۳۷۱<br>سر  | کھیلا دور اور قصبر دور معیائٹ میں بیان کی دیا ہے۔ یہ کی اور معیائٹ میں کہا ہوتا ہے۔ یہ کہا ہوتا ہے۔ یہ کہا تاہد   | ۲.۲       |   |
| 12m<br>12m | ۱.۲.۱ گھـلادورمعـائنـه  |           |   |
| 121        | ۱.۱.۲ محکردور معی این که ۱.۱.۲  |           |   |
| ۱۸۳        |   | امالی مسن | ۷ |
| ۱۸۳        | ب کن کچھوں کی گھومتی مقت طبیبی موج بریں ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔  | ۷.۱       |   |
| ۱۸۴        | مشين كاسسر كاواور گھومتى امواخ پر تبقىسەرە  | 4.5       |   |
| ۲۸۱        | ے<br>کن کیچھوں مسییں امالی برقی دیاو  | ۷.۳       |   |
| ۲۸۱        | ے کن کچھوں کی موخ کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان مسین پیپداامالی برقی دباو  | ۷.۴       |   |
| 1/9        | گھو متے لیچھوں کی گھومتے مقت اطبیعی دباد کی موج میں ۔   | ۷.۵       |   |
| 19+        | کھو متر کچھوں کے مباوی افتحہ ضی سے اکن کچھے<br>گھو متر کچھوں کے مباوی افتحہ ضی سے اکن کچھے  | ∠ ¥       |   |

| 191 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        | دور           | برقی  | وی    |            | كامس   | بوٹر ک | امالیم  |      | ۷.۷     |   |   |
|-----|--|--|--|--|--|--|--|--|--|---|---|------|---|-----|----|---------|-------|----------|--------|---------------|-------|-------|------------|--|--------|---------|------|---------|---|---|
| 194 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        | مر      |      | ۷.۸     |   |   |
| 199 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        | امالیم  |      | ۷.9     |   |   |
| ۲+۵ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        | پنخب    |      | ۷.۱۰    |   |   |
| ۲+۵ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        | بےب     |      | ۷.11    |   |   |
| ۲+۵ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         | _     | ئئن      | ن      | ركام          | رموثا | بو جھ | ب          |  | 4      | .11.1   |      |         |   |   |
| r•∠ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        | ۱۱.۲    |      |         |   |   |
| ۲۱۳ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       | ىين        | ث  | پارو   |         | _ سم | يــــــ | - | ٨ |
| ۲۱۳ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       | رگی      | ر کر و | ی کا          | پ,    | لىبنه | . کار      |  | سمب    | میکانی  |      | ۸.۱     |   |   |
| 710 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        | ۱.۱.۸   |      |         |   |   |
| 119 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        |         |      | ۸,۲     |   |   |
| 271 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        |         |      | ۸.۳     |   |   |
| 277 |  |  |  |  |  |  |  |  |  | , | ٥ | ىريى | ٺ | ,جر | _  |         |       | ب_       | ان َ   | ہیے<br>پیجب   | خود   | اور   | بان        | بيجيه  | رونی   | بپ      |      | ۸.۴     |   |   |
| 777 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    | Ā       | کے خو | ن<br>لی_ | لر و و | ز<br>پا کار   | ین کم | ث     | <u>.</u> ر | <u>.                                    </u> | _ سم   | یــــــ | -    | ۸.۵     |   |   |
| 774 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     | B. | ر قی بو | بل بر | بالمقا!  | دباو   | برقی<br>ابرقی | ئ     | اصر   | ح          |  | /      | ۱.۵.۱   |      |         |   |   |
| ۲۲۸ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    | روڑ     | _     | <u> </u> |        | ل قو          | المقا | باربا | رفت        |  | ٨      | .0.1    |      |         |   |   |
|     |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |   |      |   |     |    |         |       |          |        |               |       |       |            |  |        |         |      |         |   |   |

# دىباحي

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وجب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تھت۔ مسیس سے کا اوجود پچھ نے مسئل تھتا۔ آحسر کارایک دن مسیس نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب سے مسئل کاجواز بننانے سے انکار کر دیااور پول سے کتاب وجود مسیس آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حساص کرنے والے طلب وطباب سے لئے نہسایت آسان اردومسیں کھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب مسین استعمال تکنشے کی الفاظ بی استعمال کئے حبائی۔ جہاں ایسے الفاظ موجود سنہ تھے وہاں روز مسرہ مسین استعمال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنشے کی اصطباعات کی چنائی کے وقت اسس بات کا دہان کا استعمال دیگر مضامسین مسین بھی ممسین ہو۔

کتاب مسین بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظام تعلیم کی نفسانی کتاب پڑھنے والے تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائج ہیں۔ یوں اردو مسین کتھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کتھی کتاب پڑھنے والے طلب وطالب حساس کے وصاحتے کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

یے کتاب Ubuntu استعمال کرتے ہوئے XeLatex مسیں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نستعلق مسیں ککھی گئی۔ یہ کتاب

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک دن حنالعت اردوزبان مسیں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعمال کی حبائے گی۔ اردوزبان مسیں السیٹریکل انجنیئرنگ کی مکسل نصاب کی طسر ف سے پہلا استدم ہے۔ اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار سش کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ صر زیادہ طلب وطب البات تک پہنچیانے

مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری برقب آئی پت khalidyousafzai@comsats.edu.pk

یر کریں۔مسیں ان کانہایت شکر گزار ہوں گا۔

مسین بہاں عبائشہ مناروق اور ان کے والد مناروق اعظم کا مشکریہ ادا کرناحپاہوں گا حب نہوں نے اسس کتاب کو بار بار پڑھ اور مجھے محب بور کرتے رہے کہ مسین اپنی اردو بہتر کروں۔ مسین ڈاکٹ نعمیان جعف ری کا نہیایہ مشکور ہوں حب نہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطباح کرنے مسین مدد کی۔ حسراحنان اور ان کی والدہ عسز رابرلاسس نے مسل کے کتاب کو درست کرنے مسین مدد کی۔ بہاں مسین اپنے شاگر دفیصل حنان کا بھی مشکریہ ادا کرناحپاہوں گا حب نہوں نے تکنیکی اصطباحات بینے مسین مدد کی۔

مسیں یہاں کامسیٹ یو نیور سٹی اور ہائز ایجو کیشن کمیشن کا سشکر سے ادا کرنا حپاہت اہوں جن کی وحب سے ایسی سسر گرمیاں ممسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 2011 كتوبر 2011

#### باب ا

# بنيادي حقائق

اسس کتاب مسیں مستعمل حت کق کواسس باب مسیں انتھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔ توقع کی حباتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توحب رکھنازیادہ آسان ہوگا۔

#### ا.ا بنيادي اکائيان

اسس تناب سیں پیریخ الا قوامی نظام اکافی استعال کی آگیا ہے جس میں کیت اکا کی کلوگرام ،لب کی کا کائی میٹراور وقت کی اکائی سیکنڈے۔

## ۱.۲ غيرستي

#### سرا سمتيه

وہ متغیبر جس کو مکسل طور پر بسیان کرنے کے لئے اسس کی معتبدار (طول یا مطسلق قیمیہ) اور سمیہ حبانت ضروری ہو، سمتی منہ کہا تا ہے۔ سمتیہ کوانگریزی یالاطسینی زبان کے چھوٹے یابڑے حسر وف، جن کو موٹے طسرز کی کھیائی مسیں کھیا گ ہو، سے ظاہر کسیاحیائے گا، مشالاً قویہ کو **F** سے ظاہر کساحیائے گاریہاں ششکل اراسے رجوع کرنا بہتر ہو گار وہ سمتیہ

International System Of Units, SI

mass

scalar

vector

ا بنيادي حسائق



مشکل ۱.۱: کارتیسی محید د

جس کاطول ایک کے برابر ہو، اگائی سمتیہ <sup>6</sup> ہسلائے گا۔ اس کتاب مسیں اکائی سمتیہ کو اگریزی زبان کے پہلے حسر نسک موٹے طسرز کی لکھنائی مسیں لکھنا حبائے گا، مشلاً اکائی سمتیہ موٹے عہد ہوری سمتیات کو ظاہر کرتے ہیں۔  $a_x$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ , a

#### ۳.۱ محدد

ایساط ریقہ جس کے ذریعہ کی نقطہ کامت متعین کیا حیا کے محدد کہا تاہے۔

حناء تین بعدی (تین طسرون) کی ایک نقط کے مقتام کو تین محدد کی مددسے ظاہر کسیاحبا سکتا ہے۔ ای طسرح حنااء مسیں سمتیہ کو تین عسودی اکائی سمتیوں کی مددسے کھیا حباسکتا ہے۔ اب ہم ایسے چند محدد کے نظام ویکھتے ہیں۔

### ۱.۴.۱ کار تیسی محد دی نظام

سنکل ا. امسیں حناہ کی دوسستوں کو اکائی سمتیات  $a_x$  اور  $a_y$  کے ظہر کیا گیا ہے جو آپس مسیں عصوری ہیں، لیخی ، ان کی 30 اور 30 کی 30 کا دور کے انکائی سمتیاہے کے ظہر کیا جاتا ہے۔

unit vector

three dimensional

orthonormal vectors2

۴.۱.محسد د



ان سستوں کے رخ، طول (لمب ائیوں) کو x,y,z طاہر کیا حب تا ہے۔ آی ان سے بخولی واقف ہیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوش، شہادے کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ 90° زاوی پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $a_{\mathrm{x}}$  اور بڑی انگل سمتیات کوٹ  $a_{\mathrm{z}}$  کے رخ ہوں تب انگوٹ  $a_{\mathrm{z}}$  کے رخ ہوگا (شکل ۱.۲)۔ ای لئے تین اکائی سمتیات کا ب نظام دائير ماتھ كا نظام "كهلاتاب-

مبداے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو شکل ۱۰ اسیں دکھایا گیا ہے جس کو کارتاہیم محدد استان سمتیات کی مددسے

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

يا

$$(I.r) A = xa_x + ya_y + za_z$$

کھے جباستا ہے۔ کار تیبی محددی نظام مسیں متغیبر z صفسر رکھتے ہوئے x,y شبدیل کرنے سے سطح xy ملتی ہے۔ یوں شکل ۱۰ سال معنی محددی نظام مسیں متغیبر z صفسر تا تین اور میں P(2,4,3) کے کر، سطح xy کوزمین تصور کرتے ہوئے، ڈیے کی بالائی سطح یر z=3جب کہ کی قیت صف رتا تین اور یں کی قیمت صف رتاحیار ہو گی۔ اسس طے رح اسس ڈیے کی بالائی سطح درج ذیل لکھی حبائے گی۔

متغیبر z کو صف راور تین کے در میان ہر ممکن قیمت پر رکھ کر x کو صف راور دوجب کہ y کو صف راور حیار کے در میان تبدیل کرنے سے مشکل ۱۳ امسیں و کھائے گئے ڈیے کا حجب حساصل ہو گا، لہندااس ڈیے کا حجب درج ذیل لکھا حبائے

> right handed coordinate system<sup>A</sup> cartesian coordinates

م بنيادي حتائق



شکل ۱۳۰۳: کارتیسی محید د نظام مسین ایک سمتیه ـ

-16

(۱.۴) 
$$\zeta = \begin{cases} 0 < x < 2 \\ 0 < y < 4 \\ 0 < z < 3 \end{cases}$$

۱.۴.۲ نلکی محد دی نظام

مبداے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو مشکل میں اسمیں دکھیایا گیا ہے جس کو دوسمتیات کی مدد ہے

(1,2) 
$$A=
ho+A_z$$

يا

(١.٢) 
$$A=
ho a_
ho+za_z$$
  $z=
ho\cos heta, \quad y=
ho\sin heta$   $y=\sin heta$ 

cylindrical coordinates .

۳. محبد د



مشکل ۱۰: نلکی محسد دی نظسام



شکل۵.۱: نککی نمپ امپ د کی تعسریف

ے اہلیۃ ادائیں ہاتھ کا انگوش ، شہباد سے کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دو سرے کے ساتھ  $90^\circ$  پررکھتے ہوئے اگر شہباد سے کی انگلی و میں و میں انگلی و میں و میں انگلی و میں انگ

واضح رہے کہ نکلی محد دکے نظام مسین  $a_{
ho}$  اور  $a_{
ho}$  کی سمتین ہر نقط پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل ۲. امسین د کھایا گیا

مستوی xy مسیں (لیمی z=0 لیستے ہوئے) مبداپر مستقل رداسس  $\rho=\rho$  کے سمتیہ کو صف رزاوی پر رکھ کر زاوی ہستدر تانج z=0 تک بڑھانے ہے سمتیہ کی چوٹی مستوی z=0 مسیں ایک دائرہ پر حملتی ہے (شکل کہ ا)۔ السس سمتیہ کے متغلیر z=0 کو تبدیل کرنے ہے، مشلا ہر z=0 برج کو صف رتا تین کرنے ہے، سمتیہ ایک سکا ہر اگل میں ایک مسئول متغلیرہ تبدیل کرنے ہے تکلی کا حجم ملے گا۔ اگل تین گا۔ ای وحب ہے اسس نظام کو تکل محد د کہتے ہیں۔ سمتیہ کے تسینول متغلیرہ تبدیل کرنے ہے تکلی کا حجم ملے گا۔ اگل تین

باب البنيادي حتائق



سنگل ۱. ۱: نگی محب د مسین اکائی سمتیات  $a_
ho$  اور  $a_ heta$  بر نقط پر مختلف ہیں۔

(1.2) 
$$\delta \dot{\beta} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ z = 0 \end{cases}$$
(1.A) 
$$\dot{\xi} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < z < z_0 \end{cases}$$

سطح پر کھٹڑ ااکائی سمتیں سطح کارخ دیت ہے (مشکل ۱.۸)۔ چونکہ کسی بھی سطح کے دواطب رانب ہوتے ہیں المبیذ ااسس کے دوممن النب رخ بیان کیے حبا سکتے ہیں۔عب وماً مسئلہ کو مدر نظر رکھتے ہوئے ان مسین سے ایک رخ کوسط کارخ تصور کیا حبا تاہے۔ البت بند شطح، مثلاً گیند، کے بیرونی رخ کوہی شطح کارخ تصور کیا جباتا ہے۔ شکل ۱۰ امسیں بالائی سطح  $A_1$  کارقب  $A_1$  کار اوراسس کارخ  $a_7$  ہوگا:  $A_1$  سمتیہ کاطول  $A_1$  اور رخ  $a_7$  ہوگا: ۵.ا.سمتیرتب



شکل ۱.۱: نلکی محید د مسین دائره اور نلکی



$$\begin{aligned} \mathbf{A}_1 &= A_1 \mathbf{a}_{A1} = w l \mathbf{a}_z \\ \mathbf{A}_2 &= A_2 \mathbf{a}_{A2} = w h \mathbf{a}_y \end{aligned}$$

بال\_ا. بنسادي حقسائق

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_z$$

یوں بالائی سطح کا سستی رقب درج ذیل ہو گا۔

$$(1.14) A_1 = A_1 a_{A1} = w l a_z$$

 $-a_{A2}$ ای طسرح دائیں سطح  $A_2$  سمتیہ کاطول  $A_2$  اور اسس کارخ

 $A_2 = wh$ 

 $a_{A2} = a_{\scriptscriptstyle \mathrm{V}}$ 

لہلنڈا درج ذیل ہو گا۔

$$\mathbf{A_2} = A_2 \mathbf{a_{A1}} = wh\mathbf{a_y}$$

نحپ کی سطح کار قب $A_3=wl$  اور اسس کار خa کے مختالف ہے لہندا درج ذیل ہوگا۔

$$(1.17) A_3 = A_3 a_{A3} = wl(-a_z) = -wla_z$$

دھیان رہے کہ رقب کی مقیدار ہر صورت مثبت ہو گیالبت اسس کارخ مثبت یا منفی ہوسکتا ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتیہ کے لئے درست ہے المبیذا کسی بھی سمتیہ کاطول ہر صورت مثبت ہی ہو گاجب کیہ اسس کارخ مثبت یا منفی ہو سکتا ہے۔

### ۲.۱ رقب عبودی تراثس

سلاخ کی لمب اُن کے ساتھ زاوی سائے پر کٹائی کو عمودی تراثی اسکتے ہیں اور عصودی تراش کے رقب کورقبر عمودی تراثیر "کتے ہیں۔ شکل ۹ امسیں سلاخ کی لمبائی aرخ ہے اور رقب عبودی تراثش A کی معتدار A

$$A = wh$$

لہندارقب عبمودی تراسش کارخ، ہوگا:

$$a_A=a_{_{\mathrm{V}}}$$

شکل ۹۔ امسیں اکائی سمتیا ہے ، اور ی م د کھائے گئے ہیں جن کے ابت دائی نقب طیر گول دائرہ مسیں بندایک نقطہ د کھایا گیا ہے۔ گول دائرہ مسین بند نقطہ صفحہ کے عصودی (کتاب سے باہر)ر $a_{\mathrm{x}}$  ظاہر کر تاہے جس کے مخالف رخ ت سے ہو تھا ہیں۔ (صفحہ کے عبودی اندر) کو گول دائرہ مسیں بت د صلیہ کی نشان سے ظہر کسا جسائے گا۔

cross section"

cross sectional area"



#### مشكل ۱:رقب عب مودي ترامش

# برقی اور مقت طیسی میدان

ا. ٤٠١ برقى مىيدان اور برقى مىيدان كى شدى

کولم ہے کے قانون سے تحت برقی بار سے لدے جسوں کے درمیان قوت کشش ہایا توت دفع ان ان اجسام پر بار کا کے حساس طرب کے راست مستناب اور باہمی من اصلہ کے مسر بح کے بالعکس مستناب ہوتی ہے۔ یوں بار  $q_1$  اور  $q_2$  جن کے درمیان مناصلہ q ہو کے گاتوت  $q_2$  درج ذیل ہوگا جباں  $q_3$  شابر قی مستقل ہے۔

(1.12) 
$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

ایک برقی بارے مت ریب دوسرابر قی بارلانے سے (پہلے اور) دوسرے برقی بار پر کشش یاد فع کی قوت عمسل کرے گی جس کا تعین مت نون کو لیب ہے ہو تا ہے۔ دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بارسے آہتہ آہتہ دور کرنے سے قوت کشش یاد فع بت مدرج کم ہوتی ہے جو ایک حناص من صلے کے بعد تقسریب صف مرہ وجب تا ہے۔ اور دوسرابار پہلے بارکے طق اثرے باہر ہوجب تا ہے۔ برقی میدان کی ایک باریا متعدد باروں کی وجب سے ہوسکتا ہے۔ تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب سے ب

برقی میدان مسیں اکائی مثبت بار پر توت اس معتام پر **برقی میدان کی شدت**  $E^{(1)}$  کی مط<sup>ا</sup>ق قیمت ) دیگاجب اکائی بار پر توت کارخ برقی میدان کارخ برقی میدان کی شدت کی اکائی وولٹ فی میٹر  $E^{(1)}$  ہے۔

Coulomb's law "

electric charge<sup>ir</sup> attractive force<sup>ia</sup>

repulsive force

charge<sup>12</sup>

electric constant, electric permittivity

electric field intensity 19

 $V/m^{r}$ 

ابنيادي حسائق

Q وتانون کولب (مساوات ۱۰۱۵) ہے Q بار کے برقی میدان کی شدت کی مطابق تی ہے۔ حاصل کرتے ہیں۔ بار Q اور اکائی بار (ایک کولب بار) کے گاتو ہے۔ کشش یا تو ہے۔ دفع

$$F = \frac{Q \times 1}{4\pi \epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi \epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گا۔ یہی برقی میدان کی شد ہے کی مطلق قیمہ ہو گا:

(1.14) 
$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

دوباروں کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کارخ ان کے در میان کھینچی گئی سیدھی لکی ریر ہوگا۔

1.4.۲ مقناطیسی میدان اور مقن طیسی میدان کی شد س

مقناطیری میدان اور مقناطیری میدان کی شده ا<sup>۳</sup>بالت رتیب بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طسر تر ہیں۔ تعسریف: کمی مقت طیسس کے مقت طیسی میدان سے مسراد مقت طیسس کے اِردگر دوہ علق ہے جس مسین اسس کا مقت طیسی اثر محموسس کے سیا تاہو۔

۱.۸ سطی اور حجمی کثافت

۱.۸.۱ سطی کثافت

اکائی رقب کی سطح پر کسی چینز کی کل مت دار کو اسس چینز کی سطح پر ک**ٹا فت**  $^{"}$  کہتے ہیں۔ یوں رقب A پر کسی چینز کی کل مت دار  $\phi$  ہونے کی صورت میں اسس کی اوسط سطحی کثافت  $e_{12}$  ورخ ذیل ہوگی۔

$$(1.1A) B_{b \cdot j} = \frac{\phi}{A}$$

اسس مساوات سے

$$\phi = B_{\rm left} A$$

کھے جب سکتا ہے جو کسی سطح پر ایک متخصیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہونے کی صورت مسیں سطح پر متخصیرہ کی کل مقد دار دی ہے۔

magnetic field intensity

surface density rr

٩.١. حجمي کثافت

عنب یک ال متغیب رہ کی صورت مسیں سطحی کثافت جگہ جگاہ مختلف ہو گی۔ایکی صورت مسیں اتنے تچھوٹے رقبے پر ، جس مسیں متغیبر ہ کو یک ان تصور کسیا حب اسکتا ہو، سطحی کثافت

$$B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

ہو گی جہاں  $\Delta A$  چھوٹار قب اور  $\Phi$  اسس رقبے پر متغب رہ کی چھوٹی مقسد ارہے۔ اسس چھوٹے رقب کو نقط مانٹ د کرنے سے نقطی ثناف سے انقطی ثناف سے

(I.TI) 
$$B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

حاصل ہو گی جس کو

$$d\phi = B \, dA$$

بھی کھے حب سکتا ہے۔ یوں نقطی کثافت حب نتے ہوئے ایک نقطہ کے چھوٹے رقب پر متغیبرہ کی کل (چھوٹی)مت دار معلوم کی حب سکتی ہے۔

. یوں ایک برقی تارجس کارقب عب ودی تراسش A اور جس مسین برقی رو I کی اوسط کثافت برقی رو درج ذیل ہو گی۔

(I.rr) 
$$\rho_{\text{lost}} = \frac{I}{A}$$

### ۱.۹ محجمی کثافت

اکائی تحب مسین کسی چینز کی کل مت دار کواسس چینز کی مج<mark>م کی فق ک</mark>یتے ہیں۔ یوں اگر کسی چینز کا تحب H اور اسس کی کمیت 4 میں ہوتی اسس کی اوسط (کمسیق) مجمی کثافت درج ذیل ہو گا۔

(i.tr) 
$$\rho_{{\scriptscriptstyle \mathbb{L}},{\scriptscriptstyle \parallel}} = \frac{m}{H}$$

غیسر یکساں کیت کی صورت مسیں حجب مسیں مختلف معتامات پر کیت مختلف ہوگا۔ ایک صورت مسیں اتنا چھوٹا حجب کسیتے ہوئے جس مسیں کیت کو یکساں تصور کسیاحباسکتا ہو، حجمی کثافت درج ذیل ہوگا۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta H}$$

اسس چھوٹے حجب کو نقطہ مانٹ رہنانے سے درج ذیل نقطی محجی کثافت کھی حب سکتی ہے۔

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}H}$$

يوں

$$\mathrm{d}m=\rho\,\mathrm{d}H$$

ہو گالہٰذانقطی حجی کثافت حبانتے ہوئے ایک چھوٹے حجہ کی (چھوٹی) کیت سامسل کی حباستی ہے۔

ابنيادي حقائق

#### ١.١٠ صليبي ضرب اور ضرب نقط

دو غیسر سمتی متغیسرات کا حساصل ضرب عنیسر سمتی متغیسر ہوتا ہے جبکہ دو سمتیات کا حساصل ضرب سمتی یا عنیسر سمتی ہوتا ہے۔ حساس کا در سامتی اللہ عنیسر سمتی ہو سکتا ہے۔ ان دواقب کے ضرب پر ہیساں غور کیا حیائے گا۔

ا.۱۰.۱ صليبي ضرب

دو سمتی متغییرات کاایسا ضرب جو سمتی متغییر دیت ابو صلیبی صرب ۲۴ کہا تااور درج ذیل کھے حباتا ہے۔

(I,TA) 
$$oldsymbol{C} = oldsymbol{A} imes oldsymbol{B}$$

صلیبی ضرب مسیں ضرب کے نشان کو صلیب کی عسلامت سے ظلام کیا حباتا ہے جس کی بنااسس کو صلیبی ضرب کتے ہیں۔ C کی متدار

(1.79) 
$$C = |\pmb{C}| = |\pmb{A}||\pmb{B}|\sin\theta_{AB}$$
 
$$= AB\sin\theta_{AB}$$

ہے جہاں  $\theta_{AB}$  ان کے مابین زاویہ ہے۔ اسس حساس سمتیہ کی سمہ دائیں ہاتھ کے مت نون سے حساس کی حباتی ہے۔ ایس دائیں ہاتھ کا آگو تھا، شہادت کی انگل اور بڑی انگل کو ایک دو سرے کے ساتھ  $90^\circ$  زاویہ پررکھتے ہوئے، شہادت کی انگل کو سمتیہ A اور بڑی انگل کو سمتیہ A اور بڑی انگل کو سمتیہ A اور بڑی انگل کو سمتیہ کے ساسس کریں۔ مثال اور از میں ضرب صلیبی حساسس کریں۔

- $oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Y}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}}$
- $oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} im$

حسل:اسس مثال مسیں سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کاطول ایک کے برابر ہو تاہے المبنذ ادرج ذیل ہوں گے۔

- $oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = oldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$  •
- $oldsymbol{a}_{ ext{y}} imes oldsymbol{a}_{ ext{z}} = (1)(1)\sin 90 oldsymbol{a}_{ ext{x}} = oldsymbol{a}_{ ext{x}}$  .
- $oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} = (1)(1)\sin 90 oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$  .
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$  .
- $oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90(-oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) = -oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$  .
- چونکہ دونوں سمتیات کے رخ ایک جیسے ہیں البنداان کے مابین زاویہ صنب رہوگا۔ صنب زاویہ کا سائن بھی صنب ہوگا۔  $\sin 0 = 0$  وہ تا ہے،  $\sin 0 = 0$  وہ تا ہے،  $a_{\rm v} \times a_{\rm v} = (1)(1)\sin 0 = 0$

cross product

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1) \sin 90 \boldsymbol{a}_{z} = \boldsymbol{a}_{z}$$

$$\boldsymbol{a}_{z} \times \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1) \sin 90 \boldsymbol{a}_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta}$$
.

مثال ۱۰: سنگل ۱۰: سنگل ۱۰: سین حیار نیوٹن کی قوت F مورے تین میٹر کی سمتی مناصلہ L پر لاگو ہے جس کی تفصیل سنگل مسین دی گئی ہے۔ اسس قوت کی قوت مسروڑ حیاصل کریں۔ حسل: قوت مسروڑ T کی تعسریف درج ذیل ہے۔

(1.5%) 
$$T = L imes F$$

كارتيسى نظام مسين ب ستى مناصله

$$(1.71) L = L \sin \theta a_{x} - L \cos \theta a_{y}$$

ہو گالہلنڈا

$$\begin{aligned} \boldsymbol{T} &= \left(L\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} - L\cos\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}\right) \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \\ &= L\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} - L\cos\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \\ &= LF\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} \end{aligned}$$

يوگاجيان پچين مثال کي مدرے يوں درج زيل ہوگا۔  $m{a}_{
m x} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$  اور  $m{a}_{
m y} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$  اور  $m{a}_{
m y} imes m{a}_{
m z} = 12 \sin heta m{a}_{
m z}$  . N m

$$T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{z}$$
$$= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{z}$$

یمی جواب ضرب صلیبی کی تعسریف یعنی مساوات ۲۹. ااور دائیں ہاتھ کے متانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حساصل ہوتا ہے۔

۱.۱۰.۲ نقطی ضر \_\_\_

دوستی متغیبرات کاایساحساسل ضرب جو غیبرستی متغیبر ہو فقط ضرب ۴۴ کہا تا ہے جو درج ذیل کھساحباتا ہے۔

(I,mr) 
$$C = A \cdot B$$

dot product

ابنادي حت أق



مشكل ١٠.١: كارتيسى نظام مسين قوي مسرورٌ كاحسل

نقطی ضرب مسیں ضرب کے نشان کو نقط۔ کی عسلامت سے ظلامر کییا حباتا ہے جس کی بن پر اسس کا نام نقطی ضرب ہے۔ نقطی ضرب کی مقتدار درج ذیل ہو گ

(I.TT) 
$$egin{aligned} oldsymbol{C} &= oldsymbol{A} \cdot oldsymbol{B} \ &= |oldsymbol{A}||oldsymbol{B}|\cos heta_{AB} \ &= AB\cos heta_{AB} \end{aligned}$$

جہاں $\theta_{AB}$ ان سمتیات کے نگراوے ہے۔ مثال  $\eta_{AB}$ ان سمتیات مثال ہے۔ مثال مثال کریں۔

$$oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \quad oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \quad oldsymbol{a}_{\mathrm{z}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 .

$$oldsymbol{a}_{ ext{x}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{y}}\quadoldsymbol{a}_{ ext{y}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{z}}\quadoldsymbol{a}_{
ho}\cdotoldsymbol{a}_{
ho}\cdotoldsymbol{a}_{
ho}\quadoldsymbol{a}_{
ho}\cdotoldsymbol{a}_{ heta}$$

حسل:اسس مثال مسین سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کاطول ایک (1) کے برابر ہو تاہے:

$$a_{x} \cdot a_{x} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{v} \cdot a_{v} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_z \cdot a_z = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{x} \cdot a_{y} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$\mathbf{a}_{v} \cdot \mathbf{a}_{z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$a_{\rho} \cdot a_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{\rho} \cdot a_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
.

مثال ۱۰.۱: سشکل ۱۱.۱ مسیں قوت F ایک بوجھ کو دھکیل رہی ہے۔ سمتی مناصلہ L ہے کرنے پر قوت کتناکام کر حسکی ہوگی۔



مشكل اا.ا: كارتيسي نظام مسين كام

نسل: کام W کی تعسریف درج ذیل ہے۔

$$(1.77) W = F \cdot L$$

كارتيسى نظبام مسين سستى من اصله

(1.5%) 
$$oldsymbol{L} = L\cos heta oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + L\sin heta oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$$

ہو گا۔ یوں درج ذیل ہو گا

$$\begin{split} W &= (F \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) \cdot (L \cos \theta \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + L \sin \theta \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) \\ &= F L \cos \theta (\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) + F L \sin \theta (\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) \\ &= F L \cos \theta \end{split}$$

اا.ا تفسرق اور حبزوی تفسرق

مساوات  $B_0$  ایک متقل ہے، جب مساوات  $B_0$  ایک متقل ہے، جب مساوات  $B_0$  ایک متقل ہے، جب مساوات  $B_0$  ایک تفاعل کا **بروی تفرق**  $B_0$  دیا گیا ہے۔

(1.172) 
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta \\ \frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x}\,\mathrm{d}x + \frac{\partial W}{\partial \lambda}\,\mathrm{d}\lambda$$

differentiation ra

ابنيادي حسائق

اا.ا خطی تکمل

 $B(\theta)$  موج  $B(\theta)$  موج  $B(\theta)$  موج کا ایست ایک تف عسل  $B(\theta)$  دیا گیا ہے جے شکل ۱۲. امسیں دکھیایا گیا ہے۔ اسس کا طولِ موج کا  $2\pi$ 

$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

 $-\pi/2< heta$  ہیں۔  $\pi/2< heta$  کی اوسط قیمت تلاشش کرتے ہیں۔

$$B_{\rm log} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

ای طب رح ہم $B^2$  کی اورط تلاکش کرتے ہیں۔ $\pi/2 < heta < \pi/2$  کی اورط تلاکش کرتے ہیں۔

$$\begin{split} B_{\mbox{\tiny{$L$-$}},\mbox{\tiny{$I$}}}^2 &= \frac{B_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^2\theta \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{B_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{B_0^2}{2} \end{split}$$

ت علی مور  $^{1/2}$  قیمت کہا اور جے ہوڑ B کھی اور جے ہوڑ B تیمت کہا تی ہور B کھی اور جے ہوڑ B کھی جہاتا ہے۔

(1.77) 
$$B_{\dot{r}r} = \sqrt{B_{\mathbf{k}r^{\dagger}}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

ے ایک بہت اہم نتیب ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا حب ہے۔ یہ مساوات ہر سائن نمسا تفاعسل کے لئے درست ہے۔ کی بھی متنصیرہ کے مسرع کی اوسط کاحبذراس متنعیسرہ کی موثر ۲۹ قیمت کہااتی ہے۔

# ۱.۱۳ سطحی تکمل

فن رض کریں شکل ۱۳ امسیں نگی کے بیب رونی شطی پر شطی گافت ، B ، کی قیمت مساوات ۱۳۹ اوبی ہے۔ ہم آو سے بیب رونی سطی خازوی  $-\pi/2$  سے بیل معتدار موسلوم کرتے ہیں۔ اس سطے مسیں نگی کے سر شامسل نہیں ہیں۔ سلط میں ملک کے سیر وفی سطی پر خطے abcd کے بیل جس کی چوڑائی  $\Phi \Delta \rho$  ، لمب بگی D اور رقب D کو نہیا ہے کہ کرتے ہوئی رقب D کا معتدار محوری لمب بی کے سیر وفی ہے۔ سطے کہ معتدار محوری لمب بی کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی ہے۔ سطے کہ بیل معتدار محوری لمب بی کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی ہے۔ سطے کہ بیل محل کو رق کیل ہوگا۔

wavelength<sup>r2</sup>

rms, root mean square

effective<sup>r9</sup>

۱۲.۱۰ سطى تكمل





شکل ۱۳. ا: نککی کی بسیرونی سطح پر متغیبه ره کانکمل کل مقت دار دے گی۔

ابنيادي حتائق



شکل ۱۰: دوری سمتیه

$$\begin{split} \phi &= \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \mathrm{d}\phi = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} (B_0 \cos\theta) (\rho l \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = 2 B_0 l \rho \end{split}$$

ساوات $\pi$ امیں نحپلاحہ  $(-\pi/2-lpha)$ اور بالائی کاحہ  $(\pi/2-lpha)$  ایسے ہوگا۔

$$\phi(\alpha)=B_0l\rho\int_{-\frac{\pi}{2}-\alpha}^{\frac{\pi}{2}-\alpha}\cos\theta\,\mathrm{d}\theta=2B_0l\rho\cos\alpha$$

نگل کے ہیں دونی نصف سطح پر  $\phi(\alpha)$  کی عصوی قیت میاوات ۱۳۳۰ ویتی جو  $\alpha$  پر مخصص ہے۔ یہ ایک ہمیت اہم میاوات ۱۳۳۰ میل وات سام داخت سے میاوات ۱۳۳۰ میل میں  $\alpha=0$ 

۱.۱۶ دوری سمتسه

$$^{r.}$$
 این نمی اموان جن کی تعب در معین ہو کو دوری سمتیہ سے ظبیر کرنامفید ثابت ہو تا ہے۔ میں اور سے لولر معنی میں نمی نمی معین ہو کا جن معین ہو کی کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن کا جن معین ہو کا جن کے کا جن معین ہو کا جن کے کا جن کی کے کا جن کے کا جن کے

کی مد د سے کو سائن موج درج ذیل لکھی حب سستی ہے۔

$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left( e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

Euler's equation --

۱۹ دوری سمتیه

اسس ہے ثابت ہوتا ہے کہ کوب ئن موج دراصس کا دو محضوط اعبداد کا محببوع ہے۔ مساوات یولر ایک محضوط عبد د کو ظلیم کرتا ہے جس کے دو حب زوبیں۔ اسس کا ایک حب زو حقیقی عبد د ہے اور اسس کا دو سراحب زوبین عبد د کو ظلیم کرتا ہے۔ السیما ایک محضوط میں موج کو طلیم کرتا ہے۔ السیما ایک کوب اُن موج کو طلیم کرتا ہے۔ السیما ایک کوب اُن موج کو محضول کی محضول کی محضول کو محضول کے محضول کو محضول کو محضول کو محضول کو محضول کو محضول کو محضول کے محضول کو محضول کے محضول کو محضول کو

اسس کتاب مسیں دوری سمتیات کو سیادہ طسر زلکھیائی مسیں انگریزی کے بڑے حسرون جن پر ٹوپی کانشان ہوسے ظلم کسیاحیائے گا، یعنی  $\hat{I}$  ,  $\hat{V}$  وغیبرہ اور ان کے طول کو بغیبر ٹوپی کے نشان کے ای حسر نسب سے ظلم کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول کو درج زیل درست ہوگا۔

$$v=20\cos\left(\omega t+\frac{\pi}{3}\right)$$
 
$$\hat{V}=20e^{j\frac{\pi}{3}}$$
 
$$\hat{V}=20/\frac{\pi}{3}$$
 
$$V=20$$

> phasor<sup>r</sup>i leading angle<sup>r</sup>r lagging angle<sup>r</sup>r phase difference<sup>r</sup>r power factor angle<sup>r</sup>r

lagging power factor<sup>r</sup><sup>2</sup> leading power factor<sup>r</sup><sup>4</sup>

باب البنسادي حتائق



$$Z = R + jX$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\phi_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i(t) = \frac{V_0}{|Z|} \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$= I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

-1دور کاحسار کا مدد سے RL دور کاحسار کے مدد سے RL

آئیں دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے ایک سادہ برقی دور حسل کرتے ہیں۔ یوں دوری سمتیات سے وابستگی پیدا ہوگی اور ان کا استعال بھی سیکھ لیں گے۔ شکل ۱۵۔ اایک سادہ R - L پکے دور کی ۲۹ برقی دور ہے جسس پر درج ذیل دباولا گو کسیا حب تا ہے۔

(1.71) 
$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha) \label{eq:vt}$$
 
$$\hat{V} = V_0 \underline{/\alpha}$$

دوری سمتیات کی استعال سے ہم برقی رو  $\hat{I}$  معسلوم کرتے ہیں

$$\begin{split} \hat{I} &= \frac{\hat{V}}{R+jX} = \frac{V_0 \underline{/\alpha}}{|Z| \underline{/\phi_Z}} \\ &= \frac{V_0}{|Z|} \underline{/\alpha - \phi_Z} = I_0 \underline{/\alpha - \phi_Z} \end{split}$$

جبان  $I_0=rac{V_0}{|Z|}$  بین برقی رودرج ذیل ہوگا۔ جبان  $\phi_Z= an^{-1}rac{X}{B}$ 

(1.4.) 
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

اس دور مسیں **تا خیر ک**ے زاویہ ہے۔

### ٢\_\_

# مقن طیسی ادوار

# ۲.۱ مسزاحمت اور چکچیاهٹ

شکل ا. ۲مسیں ایک ساخ دکھائی گئے ہے جس کی لمب تی کے رخ مزاحمہا

$$(\mathbf{r}_{.}\mathbf{l})$$
 
$$R = \frac{l}{\sigma A}$$

 $\mu$ ری جہاں  $\sigma$  موصلیتے 'اور M = wh اور A = wh متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ سے متقاطیہ متقاطیہ سے متقاطیہ متعاطیہ متعا

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$



شکل ۲: مسزاحمت اور نککپاہٹ

resistance conductivity

reluctance

permeability, magnetic constant

۲۲ مقت طبیسی ادوار

مقت طیسی متقل 
$$\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,\frac{\mathrm{H}}{\mathrm{m}}$$
مقت طیسی متقل  $\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,\mathrm{H}$ مقت طیسی متعقل  $\mu=\mu_r\mu_0$ 

جباں  $\mu_r$  جباں کا وضاحت جبالہ کی جبائے گا۔ جبالہ کہ متفالے متناطیعے متفاطیعے متفاطیعے متفاطیعے متفالے ہوئے گا۔  $\mu_r$  عام کا فالے اللہ بیٹر و چکر فی و بیر ہے جس کی وضاحت جبالہ کا فالے اللہ متعالی متعالی

$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,052\,\mathrm{A}\cdot\mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

## ۲.۲ کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت

v الگوکیا v الگوکیا v الگوکیا v الگوکیا کا بازن میں برقی روv الگوکیا کے سرول پر برقی دواوہ م کے متانون میں برقی دواوہ دواوہ میں برقی دواوہ دو

$$i=rac{v}{R}$$

درج بالامساوات كومساوات ٢٠١ كى مددس

$$i=v\left(rac{\sigma A}{l}
ight)$$

لعيني

$$rac{i}{A} = \sigma\left(rac{v}{l}
ight)$$

يا

$$J = \sigma E$$

\_\_\_\_\_

Ohm's law

۲۳. برقی ادوار



شكل۲.۲ كثافت برقى رواور برقى دباوكى شد \_\_\_

کھے حاسکتا ہے جب ال J اور E کی تعسر یہنے درج ذیل ہیں۔

$$J = \frac{i}{A}$$

$$E=rac{v}{I}$$

شکل ۲.۲ مسیں سمتی J کی مطاق قیمت J اور سمتی E کی مطاق قیمت E کی مطاق قیمت E کو درج ذیل کھیاجہا سکتا ہے

$$oldsymbol{J}=\sigma oldsymbol{E}$$

جو متانون او ہم کی دو سسری روپ ہے۔ J اور E دونوں کارخ  $a_{
m y}$  ہے۔

سشکل ۲.۲ ہے ظبہر ہے کہ برقی روز سلاخ کے رقب عضودی تراسش A سے گزرتا ہے الهذامساوات ۲.۸ کے تحت کی گرتا ہے الهذامساوات ۲.۸ کے تحت کی گرتا ہے الهذامساوات ۴.۸ کے وقع کے کہ عمیدالن کی فیصلے کی تحت ہیں۔

میدالن کی شدھ کیا جب ال مستن سے مقت طیبی مسیدان واضح ہو) مختصر آمیدانی شدھ کہتے ہیں۔

مالکل ای طسرح کی مساواتیں مقت طیبی مشغب رات کے لئے حصہ ۲.۵ مسین کھی جب بکی گی۔

#### ۲.۳ برقی ادوار

current density

electric field intensity2

electric voltage<sup>^</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>بر تی د باوکی اکائی وولٹ ہے جو اٹلی کے البانڈرووولٹ کے نام ہے حب نہوں نے بر تی ہیسٹری ایجباد کی۔

electric current

<sup>&</sup>quot; برقن رو کی اکائی ایم پیئر ہے جو نسنسر انسس کے انڈرِ مسیسر ایم پیئر کے نام ہے جن کابر تی ومقت طبیحی مسید ان مسین اہم کر دار ہے۔ " copper

۲۲ مقت طیسی ادوار



شکل ۲.۳٪ برقی ادوار مسین برقی تارکی مسزاحت کونظ سرانداز کسیاحباسکتاہے۔

 $\Delta v = iR_{\rm J}$  مسنزا تھیں ہوگا۔ تار مسیں برقی روز گزرنے سے تار کے سروں کے بی تی برقی دباو تا ہے کہ برقی دباو کا جس کو  $R_{\rm J}$  برقی دباو کا جس کو  $R_{\rm J}$  برتی دباو کا جس کو کہ برگی بین نظر انداز کیا حب سکتا ہے۔ یوں تانبے کی تار مسیں برقی دباوے گھٹا او کورد کیا حب سکتا ہے۔ لین ہم کی کے کے بین ہم کے کے بین ہم کے کے بین ہم کا مسین بین ہم کے بین ہم کا مسین بین ہم کے بین ہم کا مسین بین ہم کے بین ہم کے

'شتکل ۲.۳ الف مسین ایک ایسا ہی برقی دور د کھسایا گیاہے جس مسین تانے کی تار کی مسنزاحمت کو انتظم کر کے ایک ہی جگٹ ہی R د کھساماک ہے۔انس دور کے لئے درج ذیل ککھسا حساسکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}_{\cdot \cdot \mathbf{l}}) \qquad \qquad v = \Delta v + v_{L}$$

 $\Delta v$ تارمیں برقی گھٹاو $\Delta v$ نظے رانداز کرتے ہوئے

$$(\mathbf{r}.\mathbf{ir})$$
  $v = v_L$ 

حساصیل ہوتا ہے۔اسس کامطلب ہوا کہ تار مسین برقی دباد کا گھٹاہ وتابل نظر رانداز ہونے کی صور سے مسین لاگو برقی دباہ جو ل کا توں مسزاح سے ہوئے تار مسین برقی ادوار حسل کرتے ہوئے بھی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار مسین برقی دباہ کے گھٹاہ کو نظر انداز کسیا حباتا ہے۔ شکل ۲۰۳-الف مسین ایسا کرنے سے مشکل ۲۰۳-ب حساصل ہوتا ہے۔ یہاں سے مسجھ لین ضروری ہے کہ برقی تار کو اسس عضرض سے استعال کسیاحہا تاہے کہ لاگو برقی دباہ کو معتام استعال تک بغیب

شکل ۲.۳ مسیں دوسے مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برقی رواسس راہ زیادہ ہو گا جسس کی مسزاحت کم ہو۔ یو ل $R_1 < R_2$  یو ل $R_2 < R_1$ 

## ۲.۴ مقن طیسی دور حصبه اول

مقت طیسی ادوار بالکل برتی ادوار کی طسر G ہوتے ہیں۔ بس ان مسیں برقی دباو v کی جگہ مقناطیسی دباو $\pi$  ، برقی روi کی جگہ مقناطیسی بہاو $\pi$  اور مسزاحت R کی جگہ بہا  $\pi$  کی جگہ بہا  $\pi$  بہا ہے جہا ہے ہیں۔ یوں بالکل برتی ادوار کی طسر  $\pi$  مقناطیسی دوار

<sup>&</sup>quot;امسنزامیت کیاکائیاوہم ہے جو حب رمنی کے حباریٰ سے نئمن اوہم کے نام ہے حب نہوں نے مت انونِ اوہم دریافت کیا۔ پیر

nagnetomotive force, mmf"

flux<sup>12</sup>

reluctance"

۲۸. مقت طبیبی دور حصیه اول



#### شکل ۲.۴ کم مسزا حمستی راه مسین برقی رو کی مقب دار زیاده هو گی۔



شکل۲.۵:مقن طیسی دور

بنائے حبا سے ہیں۔ ایسا ایک مقن طیبی دور سشکل ۲۰۰ الف میں دکھیایا گیا ہے۔ یہاں بھی کو سشش یمی ہے کہ مقن طیبی راہ کی کہ مقن طیبی راہ کی کہ مقن طیبی راہ کی جم مقن طیبی راہ کی جم مقن طیبی دراو  $\pi$  بھی ہے۔ یوں  $\pi$  و تبایل نظر انداز ہونے کی صورت میں شکل ۲۰۵۔ سے مصل ہوگا جس میں مقن طیبی بہادہ، بالکل اوہم کے وت انون کی طرح رہ درج ذیل مساوات سے حساسل ہوگا۔

$$au = \phi \Re_a$$

 $\Re_s$  جہاں  $\Re_c$  و تابل نظر رانداز ہو وہاں، سلملہ وار مسزاحمستوں کی طسر ت، دو سلملہ وار بھچکپاہٹوں کا محبسو می بھچپ ہے  $\Re_c$  استغال کر کے برقی ہیسا و حب صسل ہوگا۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

$$au = \phi \Re_s$$

برقی دورکی طسرح، مقت طیسی دباو کو کم پنگی ہے۔ کی راہ استعال کرتے ہوئے معتام ضرورت تک پہنچیایا حباتا ہے۔ مصاوات ۲۰۲ کے تحت پنگی ہبنری فی مسئل سے معت طیسی مستقل کی اکائی بہنری فی مسئر مسئل سے اور  $\mu$  کا کہ بہنری فی مسئر کے برابر ہے اور  $\mu$  کو جو وہوں میں مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو جو اور  $\mu$  کو مسئول کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کا کہ مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کا کہ برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کے برابر ہے برابر

۲۷ مقت طبیسی ادوار



شکل ۲.۶: کثافت مقت طیسی بهاواور مقت طیسی میدان کی شد ۔۔

مقناطیسی مستقال  $^{21}$  کتے ہیں۔ لوہا، کچھ دھ تیں اور چند حبد ید مصنوعی مواد اسی ہیں جن کی  $\mu$  کی قیمت 2000 اور 80 000 کے گاپائی حب تیں۔ مقناطیسی مواد کو استعال کیا حب تا ہیں۔ مقناطیسی دباو کو ایک مصام سے دو سسری مصام منتقل کرنے کے لئے ان ہی مقناطیسی مواد کو استعال کیا حب تا ہوت ہے۔

بر فتمتی سے مقناطیسی مواد کے  $\mu$  کی قیمت اتنی زیادہ نہیں ہوتی ہے کہ ان سے بنی سلاخ کی پیکھیا ہے۔ ہر موقع پر و تبائل نظر از ہو۔ مساوات ۲.۲ کے تحت پیکھیا ہے۔ کم کم کم کرنے کی حناط سررقب عصود کی تراش کو زیادہ اور لہبائی کو کم سے کم کرنا ہوگا۔ یوں مقناطیسی دباو منتقل کرنے کے لئے باریک تار نہیں بلکہ حناصازیادہ رقب عصود کی تراشس کا مقناطیسی درا کار ہوتا ہے۔

مقن طیسی مشین، مشال موٹر اور ٹرانسفار مسر، کا بیشتر حصہ مقن طیسی دباو متقت ل کرنے والے ان مقن طیسی مواد پر مشتل موت ہوتا ہے۔ ایسے مشینوں کے قلب مسین عصوماً یمی مقت طیسی مادوپایا جباتا ہے لہذا ایس مواد مقتاطیسی قالب ۱۸ کہ اتا ہے۔ (شکل ۲۰۱۷)۔

برقی مشینوں مسین مستعمل مقت طیسی مت الب لوہ کی باریک حیادریا پست ری ۱۳ ہے۔ در تہدر کھ کر بن ایا حباتا ہے۔ مقت طیسی مت الب کے بارے مسین مستعمل مقت طیسی مت خیامات حصہ ۲۰۸ مسین منداہم کی جبائے گی۔

# ۲.۵ کثافی مقن طیسی بہاواور مقن طیسی میدان کی شد ہے

حسب ۲.۲ مسیں برقی دور کی مشال دی گئی۔ یہب ں مشکل ۲.۲ مسیں دکھنے گئے مقن طیسی دور پر غور کرتے ہیں۔ مقن طیسی و تالب کا  $\mu_r = \infty$  مقت ہیں۔ یول متالب کا  $m_r = \infty$  مقت ہیں۔ یول متالب کی نگاجی اہم میں مقت طیسی و تالب کو مقت طیسی و باو  $\pi$  ایک تار کی طسر ح یہب ں مقت طیسی و تالب کو مقت طیسی و باو  $\pi$  ایک تار کی طسر ح یہب ان مقت طیسی و تا کو مقت طیسی و باو کو حضائی و رز کی نگاجی اہم ہے۔ یہب ان کے استعمال کے استعمال کرتے ہوئے کل نگاجی اہم ہے کو حضائی و رز کی نگاجی ہے۔ یہب ان کے استعمال کرتے ہوئے کل نگاجی اہم ہے کو حضائی و رز کی نگاجی ہے۔ یہب ان کے ایک تاریخ کے ایک تاب کے ایک تاریخ کے ایک تاریخ کے ایک تاب کے درانداز کرتے ہوئے کا نگاجی اہم ہے کو حضائی و رز کی نگاجی ہے۔ یہب ان کا تاریخ کے ایک تاب کے درانداز کرتے ہوئے کا نگاجی اہم ہے کو حضائی و رز کی نگاجی ہے۔ یہب ان کے درانداز کرتے ہوئے کا نگاجی اہم ہے کو حضائی و رز کی نگاجی ہے۔ یہب ان کا تاب کی خوالم ہے کہ کہا کے درانداز کرتے ہوئے کا نگاجی اہم ہے۔ یہب ان کا تاب کی خوالم ہے کہا تاب کو خوالم ہے کہا تاب کی خوالم کی خوالم ہے کہا تاب کے خوالم ہے کہا تاب کی کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کے کہا تاب کی کرنے کرنے کی کرنے کی

relative permeability, relative magnetic constant12

magnetic core'

laminations

$$\Re_a = rac{l_a}{\mu_0 A_a}$$

 $l_a \ll b$ خنلائی درزکی لمب نگی  $l_a$ ا است کے رقب عصودی تراشش کے اضلائ کا اور wے بہت کم ہونے کی صورت، لین کا اور w اور w کی ابر تصور a کی مسیل حضائی درز کے رقب عصودی تراشس a کو صالب کے رقب عصودی تراشوں کے برابر تصور کسیاحیا ۔

$$(r.12) A_a = A_c = wb$$

اسس کتاب مسیں جب ل بت لایان سیایا ہو وہاں  $l_a\ll b$  اور  $w\gg l_a\ll L$  تصور کرتے ہوئے  $A_a=A_c$  کی تعسبہ یہ نظیمی دباو  $\tau$  کی تعسبہ یون میں اوات پیش کرتی ہے۔

$$au = Ni$$

یوں برقی تارے حپکر ضرب تار مسیں برقی رو کو مقت طیسی دیاو کہتے ہیں۔ مقت طیسی دیاو کی اکائی **ایمپیئر و چکر ۲**۰ ہے۔ ھسہ ۲۰۲ کی طسسر<sup>ح</sup> ہم مساوات 1.1 کو یوں لکھ کتے ہیں۔

$$\phi_a = rac{ au}{\Re_a}$$

مقت طیسی ہیساو کی اکائی  $^{17}$ ویہر  $^{17}$ اور پیچکپ ہیٹ کی اکائی **المبی**یئر و چکر فیج ویبر  $^{17}$  ہے۔ اسس سلمہ وار دور کے حتالی درز مسیں مقت طیسی ہیساو  $_{a}$  ایک دوسرے کے برابر ہول گے۔ درج بالا مساوات کو مساوات  $^{17}$  کی مدد ہے

$$\phi_a = \tau \left( \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

يا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

کھ سے ہیں جب ن درزی نشاند ہی زیر نوشت مسیں a کھوکر کی گئی ہے۔ اسس مساوات مسیں ہائیں ہاتھ مقت طبی ہب و فی اکائی رقب کو کم فیضے مقتاطبیمی میدائن کی شدھ  $H_a^{a}$  کھس ب اکائی رقب کو کم فیضے مقتاطبیمی میدائن کی شدھ  $H_a^{a}$  کھس ب سکتا ہے:

$$(r.ri) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

(r.rr) 
$$H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

ampere-turn"

Weber

rr \_\_ اکائی حب منی کے ولیم اڈورڈ ویب رکے نام ہے جن کابر تی ومقت اطبی میدان مسیں اہم کر دار رہاہے

ampere-turn per weber rr

magnetic flux density rr

magnetic field intensity ra

۲۸ بایست ادوار

کثان<u>ہ ۔</u> مقناطیسی بہاو کی اکائی **ویبر فی مربع میٹر**ہے جس کوٹسلا ۱۴ کانام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شد**ے** کی اکائی **ایمپیئر** فی میٹر<sup>27</sup> ہے۔ یوں مساوات ۲۰۲۰ کو درج ذیل کھ حب سکتا ہے۔

$$(r.rr) B_a = \mu_0 H_a$$

سشکل ۲.۱ مسیں متنائی درز مسیں مقناطیسی بہب و کارخ اکائی سمتیہ  $a_z$  کا محنالف ہے لہنے اکثافت ِ مقناطیسی بہب و کارخ اکائی سمتیہ  $a_z$  کا محنالف رخ دباوڈال رہاہے  $B_a=-B_a$  کلھی جب اور کا مقناطیسی دباو کی شد سے  $H_a=-H_a$  کلھی جب کے گی۔ اسس طسرح درج بالامسا وات کو درج ذیل سستی رویہ مسیں کلھی جب سکتا ہے۔ رویہ مسیں کلھی جب کا مسلم کی مصلح باسکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $B_{m{a}}=\mu_0m{H}_{m{a}}$ 

خناء کی جگہ کوئی دو سرامادہ ہونے کی صورت میں ہے مساوات درج ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(r.ra)$$
  $B=\mu H$ 

مثال ۲.۲: سشکل ۲.۲ مسیں حنلائی درزمسیں کثافت مقت طبی ہیں او 0.1 ٹیلادر کار ہے۔ متالب کی  $\mu_r = \infty$  حنلائی درزکی لیبائی 1 ملی مسیٹر اور وحتالب کے گر دبر قی تاریح حیکر 100 ہیں۔ در کار برقی و i تلاسٹس کریں۔ حساوات ۲.۱۳ سے

$$\begin{split} \tau &= \phi \Re \\ Ni &= \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right) \\ \frac{\phi}{A} &= B = \frac{Ni \mu_0}{l} \end{split}$$

لکھ کر درج ذیل حساصل ہو گا۔

$$0.1 = rac{100 imes i imes 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
  $i = rac{0.1 imes 0.001}{100 imes 4\pi 10^{-7}} = 0.795\,77\,\mathrm{A}$ 

 $\square$  گاردر مین B=0.1 کافت مقت طیسی بهباوپید اکرے گا۔ B=0.795 77 A

Tesla:۲۱ \_\_ اکائی سے بیائے کولاٹسلاکے نام ہے حب نہوں نے بدلت اروبر قی طب اقت عسام کرنے مسین اہم کر دار اداکسیا۔

ampere per meter \*\*

field intensity"

۲٫۲ مقت طیسی دور حصب دوم



شکل ۲.۷: ساده مقن طیسی دور په

# ۲.۲ مقن طیسی دور حصبه دوم

سنگل 1.2 مسین ایک ساده مقن طبی نظام دکھایا گیا ہے جس مسین و تالب کے مقن طبی مستقل کو محدود تصور N نقل معن اللہ علی متعالی مسین نظام دکھایا گیا ہے۔ متعالی میں مقن طبی بہاو کار قب عصود کی تراسش A ہر معتام پر یک ال ہواور و تالب کی اوسط لمب ائی A ہے۔ و تالب مسین مقن طبی بہاو کارخ فلیمنگ کے دائیں ماتھ قانون A معتام کے ساتھا ہے۔ اسس و تانون کو دو طسریقوں سے بیان کیا حب سکتا ہے۔

- اگرایک لیچے کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا حبائے کہ ہاتھ کی حپار انگلیاں کیچے مسین برقی روکے رخ کسپ ٹی ہوں تب انگوش اُکس مقت طیسی بہاوکے رخ ہو گاجواکس برقی روکی وجب سے وجو دمسین آیا ہو۔
- اگر ایک تارجس مسیں برقی رو کا گزر ہو کو دائیں ہاتھ سے یوں بکڑا دبائے کہ انگوٹٹ برقی رو کے رخ ہو تب باقی حیار انگلیاں اُسس مقت طبیعی ہیسا و کے رخ لیسٹی ہوں گی جواس برقی رو کی وجب سے پیدا ہوگا۔

ان دوبیانات مسیں پہلابیان کچھے مسیں مقناطیبی بہاو کارخ مسلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ سید ھی تارے گر دمقناطیبی بہاو کارخ دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کسیا جب متابعی بہاو گوشٹری وار ہے۔مقناطیبی بہاو کو شکل ۲۰ مسیں ہلکی سیابی کے تسیہ دار ککسیسر کے طاہر کسیاب میں گائے ہیں ہے۔و تالب کی بچکے بہا

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

لکھتے ہوئے مقن طیسی بہاو

$$\phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = Ni \left( \frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$

المحتليمنگ!دايان ہاتھ مت انون Fleming's right hand rule" ۳۰ باب۲ مقت طبیسی اووار



### شکل ۲.۸: حنلائی درز اور مت البے کے بیچیا ہے۔

ہوگا۔ یوں تمام نامعسلوم متغیبرات حساصل ہو چیے۔ مشال ۲.۳: شکل ۲.۸مسیں ایک مقن طیسی متالب د کھسایا گیا ہے جس کی معسلومات درج ذیل ہیں۔

(ר. רא) 
$$= \left\{ \begin{array}{ll} h = 20 \, \mathrm{cm} & m = 10 \, \mathrm{cm} \\ n = 8 \, \mathrm{cm} & w = 2 \, \mathrm{cm} \\ l_a = 1 \, \mathrm{mm} & \mu_r = 40 \, 000 \end{array} \right.$$

ت الب اور حنلائی درزکی پیچکپ ہشیں تلاسٹس کریں۔ حسل:

$$\begin{split} b &= \frac{m-n}{2} = \frac{0.1-0.08}{2} = \text{0.01 m} \\ A_a &= A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = \text{0.0002 m}^2 \\ l_c &= 2(h-b) + 2(m-b) - l_a \\ &= 2(0.2-0.01) + 2(0.1-0.01) - 0.001 = \text{0.559 m} \end{split}$$

$$\begin{split} \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.559}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = \text{55\,605\,A} \cdot \text{t/Wb} \\ \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = \text{3\,978\,874\,A} \cdot \text{t/Wb} \end{split}$$

وت الب کی لمب اَنی صناد کی ورز کی لمب اُنی سے 359 گنازیادہ ہونے کے باوجود صناد کی درز کی پیچکپ ہیں۔ مت الب کی مجھ ہوگا۔  $\Re_a \gg \Re_c$  سے 72 گنازیادہ ہے۔ یوں  $\Re_a \gg \Re_c$ 

مثال ۲۰۰۸: شکل ۲۰۰۹ سے رجوع کریں۔ حناائی درز 5 ملی میٹر لسب ہے اور گھومتے حسب پر 1000 حپکر ہیں۔ حناائی درز مسیں 0.95 T در مسیں 0.95 T فنسے مقت طبیعی بہب وحسام سل کرنے کی حناط سر در کاربر قی رومعلوم کریں۔

۲۶ مقت طیسی دور حصبه دوم



شكل و ٢: ساده گھومنے والامشین

حسل: اسس شکل مسیں گھومتے مشین ،مشلاً موٹر ، کی ایک سادہ صورت دکھائی گئی ہے۔ ایسی مشینوں کا ہیسہ رونی ھے۔ ساکن رہت ہے لہذااس ھے کومشین کا **ساکر ہے ہیں۔ س**اکن ھے کے اندر مشین کا گھومت ھے۔ پایاحب تا  $\mu_r = \infty$ تصور کیا است ھے کو مثین کا گھوم**تا** حصہ  $\mu_r = \infty$ تیں۔اسس مثال میں ان دونوں حصول (فتالب) کا گیاہے البنے اان کی بچکے ہے۔مفت مستسر ہو گی۔مقت طبیعی ہیساو کو ہلکی سساہی کی لکت سرسے ظبیر کسا گیاہے۔مقت طبیعی ہیساو کی ایک مکسل حیکرے دوران مقت طبیحی بہاو دو حسالاً کی درزوں سے گزر تاہے۔ یہ دو حسالاً کی درز ہر لحساظ سے ایک دوسرے جیے ہیں المبذان دونوں مناائی درز کی پچکے اہے۔ بھی ایک دوسرے کے برابر ہو گا۔ مسزید دونوں منائی درزوں کی پچکے اہے۔ سلیلہ وار ہیں۔ شکل ۲.۹ مسیں مقت طبیعی بہباو کو گھومتے حسب، ساکن حسبہ اور دو مشابی درزوں سے گزر تا ہواد کھسایا گ ہے۔ مشابی درز کی لمب اُئی ہے، و تالب کے رقب A کی اصلاع ہے بہت کم ہے البند احسابی درز کاعب ودی رقب تراشش A گھومتے حصہ کے رقب ترامش کے برابر تصور کسا حسائے گا۔ یوں  $A_{\alpha} = A_{\alpha}$  کیتے ہوئے ایک منباؤی درزگی ہچکی ہیں۔

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{l_a}{\mu_0 A_c}$$

اور دو سلسله وار حسلائی در زوں کی کل چکھیاہے درج ذیل ہوگی۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c}$$

حنلائی درزمسیں مقت طبی بہباوہ  $\phi_a$  اور کثافت مقت طبیحی بہباو $B_a$  درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} \phi_a &= \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left( \frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right) \\ B_a &= \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a} \end{split}$$

rotor

۳۲ مقت طبیسی ادوار

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل مساسل ہوگا۔

$$\begin{split} 0.95 &= \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005} \\ i &= \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \, \mathrm{A} \end{split}$$

روایتی موٹروں اور جنسریٹ رول کی حنیاء مسیں تقسریباً ایک ٹسلا کثافت ِ مقن طیسی بہب وہو تاہے۔

## ۲.۷ خود اماله، مشتر که اماله اور توانائی

وقے کے ساتھ بدلت امقت اطبی میدان برقی دباویسید اکر تاہے جسس کو قانون فیراڈے TP

$$\oint_C oldsymbol{E} \cdot \mathrm{d} oldsymbol{l} = -rac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \int_S oldsymbol{B} \cdot \mathrm{d} oldsymbol{S}$$

ے حاصل کی جمسراہ مقت طیسی سمتی میدان E کا ارتفاعی کمبل اسس راہ کے ارتباط ہباو کے (وقت کے ساتھ) تفسرق کے برابر ہوگا۔ برقی ادوار، مشلاً سنگل ۱۰۱۰-۱، مسیں مستعمل برقی تاروں کی جمسراہ E متابل نظر انداز ہوتا ہے لہند ااسس مساوات کابایاں ہاتھ تاروں کے سروں پر المالی برقی و دماوت کابایاں ہاتھ تاروں کے سروں پر المالی برقی و دماؤٹ و تعالیٰ نظر اندر بہاو  $e^{ra}$  کی مشتمل ہوگا۔ چونکہ کچھ (اور بسدراہ) اسس متالب کے گرد N حپکر کاشت ہے لہند اسے مساوات درج ذیل صورت افتار کرتی ہے۔

$$(\mathbf{r.r2}) \hspace{3.1cm} e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

اسس طسر  $\sigma$  شکل ۲۰۱۰ کے وت الب مسیں مقت طبی بہاو  $\phi$  کی تب دیل کی بن کچھے مسیں برقی دباو e ہید ابو گاجو کے سروں پر نمودار ہوگا۔

پ امالی برقی د باو کومنبع برقی د باوتصور کریں۔

امالی برتی دباو کارخ تعسین کرنے کی حناطسر کچھے کے سسروں کو قصر ۔ **دور سکریں۔ کچھے مسی**ں پیپدابرتی روانسس رخ ہو گاجو مقت طبیسی ہیںاو کی تب بلی کورو کے۔

ف سر م کریں شکل ۱۰ ۲ - امسیں ہو و کھسٹری دار ہے اور بہاو کی مقتد دار بڑھ رہی ہے۔ بہاو مسیں تبدیلی کوروکئے کی حناط سر بہاو کھ پیدا کرنا ہوگاجو کچھے کا بالائی سر مثبت ہونے سے ہوگا۔ شکل ۲۰۱۰ ب مسیں کچھے کے سروں

Faraday's lawrr

۳<sup>۳</sup> ما نگل فٹ راڈے انگلستانی سائنسدان تھے حب نہوں نے محسر کے برقی دباو دریافت کی۔

induced voltage ra

short circuit





### شکل ۱۰: تالب مسین مقن طیسی بهاه کی تب یلی کچھے مسین برقی دباوپیدا کرتی ہے۔

ک چ مسزاحت نیب کسیا گیا ہے۔ کچھ کو منبغ دباہ تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مسزاحت مسیں روکارخ و تالب مسیں گھسٹری کے محتالف رخ بہباہ کلم پیدا کرے گا۔

 $N\phi$  کو لیجے کا تسام حیاروں، N، کے اندر سے گزر تا ہے۔  $N\phi$  کو لیجے کا تسام حیکروں، N، کے اندر سے گزر تا ہے۔  $N\phi$  کو لیجے کا ارتباط ہماوی کے  $N\phi$  کے بین جس کی اکائی ویبر - چکر  $N\phi$  ہے۔

$$(r,r_{\Lambda})$$
  $\lambda = N\phi$ 

جن مقت طیسی ادوار مسیں مقت طیسی مستقل  $\mu$  کواٹل مفت دار تصور کسیا جب سے یا جن مسیں متعن طیسی مقت طیسی مستقل  $\mu$  کواٹل مفت دار تصور کسیا جاری تھے۔ کی انگل ہے۔ کی

$$L=rac{\lambda}{i}$$

(r.r.) 
$$L=\frac{N\phi}{i}=\frac{NB_cA_c}{i}=\frac{N^2\mu_0A_a}{l_a}$$

جہاں متالب کارقب عصودی تراش  $A_c$  اور درز کارقب عصودی تراسش  $A_a$  ایک دوسرے کے برابر لیے گئے میں۔  $A_c$  مثال ۲۰۵۵ سنگل ۱۳۰۱ مسیل ۲۰۵۵ مشال ۲۰۵۵ سنگل ۱۳۰۱ مسیل ۲۰۵۵ مشال ۲۰۵۵ مشال ۲۰۵۵ میں۔ b=5 cm, w=4 cm, b=3 mm مشال ۲۰۵۵ میں۔ لیجھے کے 1000 میں لیجھے کے امالہ تلاسش کریں۔ b=1 کے درج ذیل دوصور توں مسیل کچھے کی امالہ تلاسش کریں۔

- -ے سالب کا  $\mu_r=\infty$  الب
- $-\mu_r = 500$ ن سالب

flux linkage<sup>r2</sup>

weber-turn "

inductance

Henry \*\*

ا"امسر کی سائنسدان جوزف بینری حبنهول نے ماگل فیسراڈے سے علیحدہ طور پر محسر کے برقی دباور یافت کی

۳۴ مقت طبیسی ادوار



شكل ۲.۵:۱ماله (مشال ۲.۵)

حل: (۱) و تالب کے  $\mu_r = \infty$  کی بینات الب کی پیچکی پیٹ و تابل نظر راند از ہو گی اہلیذ المالہ درج ذیل ہو گا۔

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$

$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$

$$= 0.838 \text{ H}$$

 $\mu_r = 500$  ( ب ) کی صورت مسیں مت الب کی بچکی ہوئی متابل نظ سر انداز نہیں ہو گی۔ حنااء اور مت الب کی بچکی ہوئی ۔ وزیافت کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 wb} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,662\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \\ \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 wb} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \end{split}$$

یوں بہاو،ار شباط اور امالہ درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{\text{1 193 662} + 238 701} = \text{0.698 H} \end{split}$$

مثال ۲.۱: سنگل ۲.۱۲ مسیں ایک پیچدار کچھ 
$$^{\rm rr}$$
 و کھایا گیا ہے۔  $N=11, r=0.49~{
m m}, l=0.94~{
m m}$ 

spiral coil

یپچدار کچھے کے اندر مقت طیسی ہیساو  $\phi$  کا ہیشتر ھے۔ محوری رخ ہوتا ہے۔ کچھے کے باہر یہی ہیساو پوری کائٹ سے گزرتے ہوئے واپس کچھ مسیں داخشل ہوتا ہے۔ چونکہ پوری کائٹ سے کارقب عصوری تراشش A لامت نابی ہے لہذا کچھے کے باہر کثافت مقت طیسی ہیساو  $\frac{\phi}{A} = \frac{\phi}{A}$  کی مقت دار وت بل نظر راند از ہوگی۔ کچھے کے اندر محوری رخ مقت طیسی شد سے درج ذیل ہوگی۔ کھے کے اندر محوری رخ مقت طیسی شد سے درج ذیل ہوگی۔ گھے کے اندر محوری رخ مقت طیسی ہیسا و گھے گئی۔ گئی مقت دار وت بل نظر مقت کے سیم کا مقت دار وت بل نظر مقت کے اندر محوری رخ مقت اللہ میں مقت کا مقت دار وت بل نظر مقت کے اندر محوری رخ مقت اللہ میں مقت کے اندر محوری رخ مقت اللہ میں مقت کے مقت دار وت بل نظر مقت کے مقت کے مقت کے اندر محوری رخ مقت کی مقت کی مقت کے مقت

$$H = \frac{Ni}{l}$$

اسس لچھے کی خو دامالہ حساصل کریں۔



بل:

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l}$$
 
$$\phi = B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l}$$
 
$$\lambda = N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l}$$
 
$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

اور l کو قیمتیں پر کرتے ہوئے درج ذیل امالہ حساصل ہوگاr ، N

$$L = rac{4\pi 10^{-7} imes 11^2 imes \pi imes 0.49^2}{0.94} =$$
 122  $\mu$ H

 $i_1$  ور اسس مسین برقی رور د کھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے حب کر  $N_1$  اور اسس مسین برقی رور د کھایا گیا ہے، دو سر الچھا کے میں میں برقی رووت الب مسین ایک جیسے  $N_2$  میں ایک جیسے  $N_2$  میں ایک جیسے  $N_2$  میں ایک ایک کو گرام لو پانگ النے والی بھی مسین استنال کیا ہے۔  $N_2$  میں استنال کیا ہے۔

۳۷ باب۲ مقت طبیسی ادوار

رخ مقت طبی دباوپید اکرتے ہیں۔ اگر وت الب کا 
$$\Re_c$$
 وت بل نظب راند از ہوت مقت طبی بہب و  $\phi$  درج ذیل ہوگا۔ 
$$\phi=\left(N_1i_1+N_2i_2\right)\frac{\mu_0A_a}{l_a}$$

دونوں کچھوں کا محب وی مقت طیسی دباو،  $N_1 i_1 + N_2 i_2$  مقت طیسی بہاو  $\phi$  پیساز تاہے۔ اسس مقت طیسی بہاو کا پہلے کچھے کے



سشكل ۲: دو لحصے والامقت طيسي دور۔

ساتھ ارتساط

(r.rr) 
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

لعيني

$$(r.rr)$$
  $\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$ 

ے جہاں  $L_{11}$  اور  $L_{12}$  سے مسراد درج ذیل ہے۔

(r.rr) 
$$L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$L_{12}=N_1N_2\frac{\mu_0A_a}{l_a}$$

 $L_{11}$  پہلے کچھے کا نوو المالہ  $L_{11}$  اسس کچھ کے اپنے بر تی رو $i_1$  سے پیدامقٹ طیسی بہاوے ساتھ ارتباط بہاوہ کے خود ارتباط بہاوٹ کہ یہ یہ این دونوں کچھوں کا مشترکہ المالہ  $L_{12}$  اور  $L_{12}$  کچھا – 1 کے ساتھ  $L_{12}$  سے بیدا بہاوک ساتھ ارتباط بہاوٹ کہ کہتے ہیں۔بالکل ای طسر جمہ دوسر سے کچھے کے لئے درج ذیل کھے سے ہیں۔بالکل ای طسر جمہ دوسر سے کچھے کے لئے درج ذیل کھے سے ہیں۔

$$\lambda_2=N_2\phi=N_2N_1rac{\mu_0A_a}{l_a}i_1+N_2^2rac{\mu_0A_a}{l_a}i_2$$
 (r.ry) 
$$=L_{21}i_1+L_{22}i_2$$

self inductance self flux linkage self flux linkage

mutual inductance mutual flux linkage L

جہال  $L_{22}$  اور  $L_{21}$  سے مسراد درج ذیل ہے۔

$$(r.r2) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 rac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

 $L_{22}$  کیجے –2 کاخو د امالہ اور  $L_{21} = L_{12}$  دونوں کیجھوں کامشتر کہ امالہ ہے۔ امالہ کا تصور اسس وقت کارآمد ہو تا ہے جب مقت طبیع مستقل کیا گواٹل تصور کرناممسکن ہو۔ مصن وات ۲.۲۷ مسیس پر کرتے ہیں۔ مصن وات ۲.۲۷ کومساوات ۲.۲۷ مسیس پر کرتے ہیں۔

$$e=\frac{\partial \lambda}{\partial t}=\frac{\partial \left(Li\right)}{\partial t}$$

اگر اماله کی قیت اٹل ہو، جبیب کہ ساکن مشینوں مسیں ہو تاہے، تب ہمیں اماله کی حبانی پہچیانی مساوات

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}\bullet) \qquad \qquad e = L\frac{\partial i}{\partial t}$$

ملتی ہے۔ اگر امالہ بھی شب یل ہو، جیب کہ موٹروں اور جنسریٹ روں مسیں ہو تاہے ، تب درج ذیل ہو گا۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}) \qquad \qquad e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

$$p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ie = i\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}$$

مقت طبی دور مسیں لحب  $t_1$  تا  $t_2$  مقت طبیعی توانائی کی تب بر پلی کو تکمل کے ذریعیہ حساس کیا حب اسکتا ہے:

(r.rr) 
$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

energy Joule

<sup>۔</sup> ہم جیسس پریستورٹ حباول انگلستانی سائنسدان حب نہوں نے حسر ارت اور میکانی کام کار سشتہ دریافت کپ ا اقتصادیوں

۵۲ کاملینڈ کے جیمزواٹ حب نہوں نے بحث ارات پر حیلنے والے انجن پر کام کپ ۵۲ ... ۵۲

Watt

۳۸ بات ۲. مقت طبیسی ادوار



شکلB-H:۲.۱۴ خطوط یامقت طبیسی حیال کے دائرے۔

ایک کیچہ کامقت طبیعی دور ، جس مسین امالہ کی قیمت اٹل ہو ، کے لئے درج ذمل لکھ حب سکتا ہے۔

$$\Delta W = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left(\lambda_2^2 - \lambda_1^2\right)$$

يوں  $t_1$ ير  $t_1=0$  تصور کرتے ہوئے کسی جھی  $\lambda$  پر مقت طبیعی توانائی درج ذیل ہو گی۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$ 

## ۲.۸ مقن طیسی ماده کے خواص

و الب کے استعال ہے دو فوائد صاصل ہوتے ہیں۔ و الب کے استعال سے کم مقن طیسی دباو، زیادہ مقن طیسی ہواو پید اکر تا ہے اور مقن طیسی ہیں و کو پسند کی راہ پر رہنے کاپابٹ دبنایا حب سکتا ہے۔ یک دوری ٹر انسفار مسروں مسیں و تالب کے استعال سے مقن طیسی ہیں او پایا حب تا ہے کہ تمام کچھوں مسیں یک استعال ہو۔ ابوجب مقن طیسی ہیں و کو یوں پابٹ دکسیا حب تا ہے کہ زیادہ سے زیادہ تو سے سیار کو وجب کہ جنسر مسیں و تالب کے استعال سے مقن طیسی ہیں و کو یوں پابٹ دکسیا حب تا ہے کہ زیادہ سے زیادہ تو جب کہ جنسر مسیں زیادہ سے زیادہ برقی دیاوحت مسل کرنے کی نیت سے ہیں و کو پابٹ دکسیا حب تا ہے۔

B-Hمقت طیسی مادہ کی B اور H کا تعباق ترسیم کی صور ہے مسیں پیش کیا جباتا ہے۔ لوہا نمامقت طیسی مادہ کی B-H کر سمال ۲۰۱۴ سے الف مسیں دکھیائی گئی ہے۔ ایک لوہا نمیامقت طیسی مادہ جس مسیں مقت طیسی اثر نہمیں پایا جباتا ہو کو نقطہ ہے خاہر کمیا گیا ہے۔ اسس نقطہ ہی درج ذیل ہوں گے۔

$$H_a=0 \label{eq:hamma}$$
 
$$B_a=0 \label{eq:hamma}$$

۲.۸ مقت طیسی مادہ کے خواص

مقت طیسی مادہ کو کچھے مسین رکھ کر اسس پر مقت طیسی دباو لاگو کیا جب سکتا ہے۔ مقت طیسی میدان کی شد ہے H لا گو کرنے سے لوہانی مادہ کے مسین کثافت مقت طیسی بہاو B پیدا ہوگا۔ میدانی شد سے بڑھانے ہے کثافت مقت طیسی بہاو بھی بڑھے گا۔ a سشروع ہوتا ہوا تسیر دار قو سس اسس عمسل کو ظاہر کر تاہے۔ میدانی شد سے کو نقط میں بڑھایا گیسے جہال H اور B ہول گے۔

نقطہ b تک یہ خینے کے بعد میدانی شدت کم کرتے ہوئے دیکس گیا ہے کہ والی تو سس ایک مختلف راستہ اختیار کرتا ہے۔ یوں نقطہ b سے میدانی شدت کم کرتے ہوئے صف رکرنے سے لوہا نما مادہ کی گذافت مقاطیبی بہاو کم ہو کر نقطہ c پر آن پہنچتا ہے۔ نقطہ b سے نقطہ c تک تسیر دار تو سس اس عمل کو ظاہر کرتا ہے۔ نقطہ c بی ہو کر نقطہ c بی ہداؤتی میدانی شد سے سیاس کو نقطہ کا کا فیت مقاطیعی ہاوہ مقاطیعی مقاطیعی مقاطیعی میں مصدوی مقاطیعی میں مصدول مقاطیعی میں مصدول مقاطیعی مقاطیعی میں مصدول مقاطیعی مقاطیعی میں مصدول مقاطیعی میں مصدول میں مصدول مقاطیعی میں میں مصدول میں

نقطہ c سے میدانی شدت منگی رخ بڑھانے ہے d کم ہوتے ہوتے آخسر کار ایک مسرتب دوبارہ صغب ہو کہا گا اس نقطہ کو d سے خلس کرنے گا ہے۔ مقن طیسیت حستم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی معتدار d کومقت طیسیت حستم کرنے والی شدت یا مختصر آغاتم شرہے d کم شرہ ہوگہتے ہیں۔

منٹی رخ مید انی شد سے مسزید بڑھ نے نقطہ e ساسل ہوگا۔ اس کے بعد منٹی رخ کی مید انی شد سے مطلق قیمت کم کرنے سے نقطہ f ساسل ہوگا جہاں مید انی شد سے صف رہونے کے باوجود کثافت مقت طلیمی بہا و ہے۔ ای صف رہبی ہے۔ اس نقطہ پر لوہا نہ مادہ اُلٹ رخ مقت طیس بن چکا ہے اور  $H_f$  بقسایا کثافت مقت طلیمی بہا و ہے۔ ای طعرح اس رخ مقت طیسی ہے۔  $H_g$  ہے۔ مید انی شد سے بڑھا تے ہوئے نقطہ b کی بجب نقطہ مارہ گا۔

برقی شدت کو متواتر ای طسر تا پہلے ایک رخ اور بیسر مختالف (دوسسری) رخ ایک حناص صد تک پہنچ نے نے احضری کا ایک بنددائرہ حناصل ہوگا ہے۔اسس کہ پہنچ نے نے آخٹ رکار H – A متحقیٰ کا ایک بنددائرہ حناصل ہوگا ہے۔اسس دائرہ پر حنالات گھٹری سفسر ہوگا۔ شکل ۲۰۱۴ – کو مقنا طبیعی جالی کادائرہ ۵۲ کہتے ہیں۔

مختاف H کے لئے شکل ۱۱،۳-ب حساس کر کے ایک ہی گانٹ نہ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے d نقطے جوڑنے کے سنگل ۱۵،3048 سے مصل دوں مسیں استعال ہونے والی 10.3048 میں مصل موقی و مواد حبدول مسین موجود مواد حبدول مصل موقی و مسین موجود مواد حبدول مصل موقی و مسین موجود مواد حبدول مصل محل میں بھی دیا گیا ہے۔ اس تر سیم مسین موجود مواد حبدول مسین بھی دیا گیا ہے۔ عصوماً مقت طبیعی مسائل حسل کرتے ہوئے شکل ۱۰۱۷ کی جگ شک 10.۲ مسین بھی دیا گیا ہے۔ دھیان رہے کہ اس تر سیم مسین H کا پیسان سے لگے گئے ہے۔

لوہانٹ مقت طیسی مادے پر لاگومقت طیسی شد ہے۔ بڑھ نے کافت مقت طیسی ہے اوبڑھنے کی شرح ہت درج کم ہوتی حب آلی ہے مقت طیسی مادے پر لاگومقت طیسی شدح سے بڑھ نے کے برابر ہوج باتی ہے مقت کا کہ آخٹ رکاریہ مشرح حت اور کو سیر اہیسے مقت کے برابر ہوج باتی ہے وسٹ کی کا روح سے میں واضح ہے۔

شکل ۱/۲ سے واضح ہے کہ H کی کسی بھی قیمت پر B کی دو ممکنہ قیمتیں ہوں گی۔ بڑھتے مقت طبیحی بہاو کی صورت مسیں

residual magnetic flux

coercivity hysteresis loop

steresis loop

log<sup>2</sup> saturation<sup>2</sup>

۴۰ باب۲ مقت طبیسی ادوار



شکل ۱۵.۲: فولاد 5 M کی 3048 کلی مسیر موٹی ہتری کی ترسیم۔ میدانی شدت کا پیپ نہ لاگ ہے۔

ترسیم مسیں بنچ سے اوپر حبانے والی منحنی B اور H کا تعساق پیش کرے گی جب کہ گھنتے ہوئے مقت اطبی بہب و کی صورت مسیں اوپر سے بنچ حبانے والی منحنی اسس تعساق کو پیش کرے گی۔ چونکہ B/H = B/H کی مقت دار تب دیل ہونے سے B گیتہ جبی تب دیل ہوگا۔ اوجو داسس کے ہم مقت اطبی ادوار مسیں A کو ایک مستقل تصور کرتے ہیں۔ ایس کرنے سے نسانگی برع عصوماز بادہ اڑ ناہد از نہیں ہوتا ہے۔

$$b = 5 \text{ cm}, w = 4 \text{ cm}, l_a = 3 \text{ mm}, l_c = 30 \text{ cm}, N = 1000$$

حسل: ایک ٹسلا کے لئے۔ حبدول ۲۱ کے تحت متالب مسین 1 ٹسلا کے لئے متالب کو 111.22 پمپیئر وحپکر فی مسیز قیمت کی مشد سے H در کار ہو گی۔ یوں 30 سم لیے متالب کو 3.366 = 11.22 × 10.3 پمپیئر حپکر در کار ہوں گے۔ حساح کو درج ذیل ایمپیئر وحپکر فی مسیخ مشد سے در کارہے۔

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795775$$

یوں 3 ملی میٹر منساء کو 2387 = 795775 × 0.003 بمپیئر حپکر در کار ہوں گے۔ گل ایمپیئر وحپکر ان دونوں کا محب وعہ 3.366 + 2387 = 2390.366 ہوگا جس سے درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حسل: دوٹسلا کے لئے۔ حبد ول ۱. ۲ کے تحت و ت الب مسین 2 ٹسلا کثافت کے لئے و ت الب کو 10000 ایمپیئر و پکر فی مسینر H در کار ہو گی۔ یوں 30 ۲.۹ بیجبان شده کچف

#### حبدول ۲:مقت اطیسی بهب وبالمقابل مشدست

| H     | B     | H    | B     | H   | B     | H   | B     | H     | B     | H | B     |
|-------|-------|------|-------|-----|-------|-----|-------|-------|-------|---|-------|
| 9000  | 1.998 | 1000 | 1.852 | 200 | 1.720 | 30  | 1.480 | 9     | 0.700 | 0 | 0.000 |
| 10000 | 2.000 | 2000 | 1.900 | 300 | 1.752 | 40  | 1.540 | 10    | 0.835 | 2 | 0.040 |
| 20000 | 2.020 | 3000 | 1.936 | 400 | 1.780 | 50  | 1.580 | 11.22 | 1.000 | 3 | 0.095 |
| 30000 | 2.040 | 4000 | 1.952 | 500 | 1.800 | 60  | 1.601 | 12.59 | 1.100 | 4 | 0.160 |
| 40000 | 2.048 | 5000 | 1.968 | 600 | 1.810 | 70  | 1.626 | 14.96 | 1.200 | 5 | 0.240 |
| 50000 | 2.060 | 6000 | 1.975 | 700 | 1.824 | 80  | 1.640 | 17.78 | 1.300 | 6 | 0.330 |
| 60000 | 2.070 | 7000 | 1.980 | 800 | 1.835 | 90  | 1.655 | 20    | 1.340 | 7 | 0.440 |
| 70000 | 2.080 | 8000 | 1.985 | 900 | 1.846 | 100 | 1.662 | 23.77 | 1.400 | 8 | 0.560 |

 $\sim$  متالب کو $0.300 = 0.000 \times 1000$  ایمپیئر چیکر در کار ہوں گے۔ مثالہ کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591549$$

ا يمپيئر و پ كرنى مييز در كار بين البذا 3 ملى مييز كبي منياء كو 4775 = 4775 + 1591540 × 2000 يمپيئر ح پ كر در كار بول گل ايمپيئر و پ كر 7775 = 4775 + 3000 بين جن سے درج ذيل حساس كريا جب سكتا ہے۔

$$i = \frac{7775}{1000} = 7.775 \,\mathrm{A}$$

اسس مثال مسیں مقن طیسی سپر اہیت واضح ہے۔

# ۲.۹ هیجان شده لیحسا

 $\cos \omega t$ ید است رہ بجبلی مسین برقی دباواور مقت طیسی بہب و عسموماً سائن نمسا ہوتے ہیں جن کاوقت کے ساتھ تعساق بالا این ایس میں بدلت ارو سے پھی ہیجبان کر نااور اسس سے نمو دار ہونے والی برقی توانائی کے منسیا گرید ترکرہ کسیا حب نے گا۔ و صالب مسین کثافت مقت طیسی بہب و و صالب مسین کثافت مقت طیسی بہب و

$$(r.r2)$$
  $B = B_0 \sin \omega t$ 

کی صورے مسین وت الب مسین درج ذیل بدلت امقت طبیبی بهب و ی پیدا ہو گا۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$ 

اسس مساوات مسین مقت طبی بهباو کاحیطه  $\phi_0$  ، کثافت مقت طبی بهباو کاحیطه  $B_0$  ، مت الب کار قب عصودی تراسش  $A_0$  (جوہر معتام پر یکسان ہے ) ، زاویائی تعدد و0 برای سال کے سال کے ایک تعدد کا میں معتام پر یکسان کے ایک انسان میں مقت کا میں معتام پر یکسان کے ایک معتام پر یکسان کے ایک معتام پر یکسان کے ایک معتام پر یکسان معتام پر یکسان کے ایک معتام کے ایک معتام پر یکسان کے ایک معتام کے ایک معتام

۲۲ مقت طیسی ادوار



شکل ۲.۱۶: ساده مقن طیسی دور (مشال ۲.۸) پ

نیراڈے کے متانون (ماوات ۲۲۷) کے تحت یہ مقناطیسی بہاو کچے میں e(t) اہلی برقی دباوe(t)

$$e(t)=\frac{\partial \lambda}{\partial t}$$
 
$$=\omega N\phi_0\cos\omega t$$
 
$$=\omega NA_cB_0\cos\omega t$$
 
$$=E_0\cos\omega t$$

 $E_0$  درج ذیل ہے۔

$$(r.s.) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

$$(r.\Delta I)$$
 
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

229.253 مسرئع سے بے لیچھے کو گھسریلو 220 وولٹ موثر برقی دباو سے ہیجبان کٹ حباتا ہے۔ حبدول ۲۰۱ کی مدد سے مختلف برقی دباو پر محسر کے برقی رومعسلوم کریں اور اسس کا خط کھنچیں۔
حسل: گھسریلوبرقی دباو 50 ہرٹز کی سائن نہا موج ہوگی۔

 $({\rm r.ar}) \hspace{3cm} v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$ 

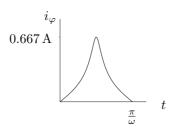
induced voltage and

root mean square, rms 1.

۲.۹ بيبان ث ده کچف

| •        | /    | •     | - (     |   |
|----------|------|-------|---------|---|
| _برقی رو | ~ر ك | ۲: حس | بدول ۲. | ン |

| $i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$ | 0.3H  | H  | B     | $\omega t$ | $i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$ | 0.3H   | H     | B     | $\omega t$ |
|---------------------------------|-------|----|-------|------------|---------------------------------|--------|-------|-------|------------|
| 0.000                           | 0.000 | 0  | 0.000 | 0.000      | 0.125                           | 3.366  | 11.22 | 1.000 | 0.675      |
| 0.022                           | 0.600 | 2  | 0.040 | 0.025      | 0.140                           | 3.777  | 12.59 | 1.100 | 0.757      |
| 0.033                           | 0.900 | 3  | 0.095 | 0.059      | 0.166                           | 4.488  | 14.96 | 1.200 | 0.847      |
| 0.044                           | 1.200 | 4  | 0.160 | 0.100      | 0.198                           | 5.334  | 17.78 | 1.300 | 0.948      |
| 0.056                           | 1.500 | 5  | 0.240 | 0.150      | 0.222                           | 6.000  | 20    | 1.340 | 0.992      |
| 0.067                           | 1.800 | 6  | 0.330 | 0.208      | 0.264                           | 7.131  | 23.77 | 1.400 | 1.064      |
| 0.078                           | 2.100 | 7  | 0.440 | 0.278      | 0.333                           | 9.000  | 30    | 1.480 | 1.180      |
| 0.089                           | 2.400 | 8  | 0.560 | 0.357      | 0.444                           | 12.000 | 40    | 1.540 | 1.294      |
| 0.100                           | 2.700 | 9  | 0.700 | 0.453      | 0.556                           | 15.000 | 50    | 1.580 | 1.409      |
| 0.111                           | 3.000 | 10 | 0.835 | 0.549      | 0.667                           | 18.000 | 60    | 1.601 | 1.571      |



شکل ۱.۱ / 1.5 بستری کے وت الب مسین 1.6 ٹسلا تک ہیجبان پیداکرنے کے لئے در کار ہیجبان انگیٹزبر قی رو۔

مساوات ۲.۵۱ کی مدد سے ہم کثافت ِ مقت طبیعی بہاوکی چوٹی ساسسل کرتے ہیں۔

(r.sr) 
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 \,\mathrm{T}$$

یوں وت الب مسیں کثافت ِ مقت اطبی بہب و کا حیط 1.601 ہو گا اور وت الب مسیں کثافت ِ مقت طبیبی بہب او کی مساوات درج ذیل ہوگی۔

$$(r.\Delta r)$$
  $B = 1.601 \sin \omega t$ 

 مهم الب\_۲.مقت طبیسی ادوار



مشكل ٢.١٨: هيمان الكي زبر قي رو ـ

برقی کچھے مسیں برتی دباوے ہیجبان پیدا کیا حباتا ہے۔ ہیجبان شدہ کچھ اسیں گزرتے برتی رو $i_{\varphi}$  کی ہنا متالب مسیں مقناطیسی ہہدوپیدا ہوگا۔ اسس برقی رو $_{\varphi}$  کو تنجار نے انگیز برقی روالا کہتے ہیں۔

مثال ۲۰۸۸ میں ہیجبان انگیز برقی رومسلوم کی گئی جے سشکل ۲۰۱۷ میں و کھایا گیا۔ اے حساسل کرتے وقت مقتاطیبی پالے ۲۰۷ کو نظر انداز کیا گئی ہے جو مقت اطیبی حیال کو مدِ مقتاطیبی پالے ۲۰۷ کو نظر رکھ کر حساسل کی گئی ہے۔ اسس کو مسجما خروری ہے۔

شکل ۲.۱۸-الفیم مسین مقت طبیعی حیبال کادائرہ و کھایا گیا ہے۔ درج ذیل تعسلقات کی بین مقت طبیعی حیبال کے خط کو  $q=i_0$ 

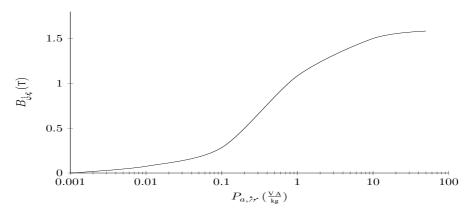
(r.22) 
$$Hl = Ni$$
 
$$\varphi = BA_c$$

وتالب مسین سائن نمسامقناطیسی ہیں و  $\varphi$  و مشکل ۲۰۱۸ بسین دکھایا گیا ہے۔ سائن نمسامقناطیسی ہیں و وقت کے ساتھ تبدیل ہو تا ہے۔ لمحت  $t_1$  پر الس کی قیمت  $t_1$  ہوگی۔ مقناطیسی ہیں و  $t_1$  بر اللہ خوتا ہے۔ لمحت  $t_2$  بر اللہ برقی رو  $t_1$  شکل – الف ہے حاصل کی حیاستی ہے۔ ای بیجیان انگیسیز برقی رو کو مشکل – بسیس لمحت  $t_1$  برد کھایا گیسیا ہے۔

دھیان رہے کہ لحب  $t_1$  پر مقن طبی بہب وبڑھ رہاہے لہنہ امقن طبی حیال کے خط کا درست حصہ استعمال کر ناضروری ہے۔ سٹکل ۲۰۱۸-الف مسین عمین گھٹڑی کی موئیوں کے محتالف رخ گھومتے ہوئے یوں نیچے ہے اوپر حہا تا ہواجھ استعمال کیا گئے۔ اوپر اور گھٹے (اوپر میں سیس سیسر کے نشان مقن طبیبی بہب وبڑھنے (نیچ سے اوپر) اور گھٹے (اوپر سے ناویس کی نشاندہ ہی کرتے ہیں۔ سیس سیس سیس سیس کے نشاندہ کو کرتے ہیں۔

excitation current hysteresis hysteresis

۲.۹ بیجبان سنده کچھ ا



شکل ۲.۱۹: پچیاسس ہر ٹزیر 0.3 ملی میٹر موٹی پت ری کے لئے در کار موثر وولٹ وا بمپیئر فی کلوگرام ت الب

لمحیہ  $t_2$  پر مقت طبی بہب و گھٹ رہا ہے۔ اسس لمحیہ پر مقت طبی بہب و  $\varphi_2$  ہے اور اسے حساس کرنے کے لئے در کار پیجان انگسینز برتی روج i

ای طسرح مخلف لمحیات پر در کار بیجبان انگینز برقی رو حساس کرنے سے مشکل ۲۰۱۸ – ب کا  $i_{arphi}$  خط ملت ہے جو غیسیر سائن نمیا ہے۔

 $e=N\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=N\phi_0\omega\cos\omega t$ گوریت میں برقی دباوی کے  $\varphi=\phi_0\sin\omega t$  کی صورت میں برقی دباوی کے  $\varphi=0$  وگا۔ شکل میں اس برقی دباو کو بھی د کھایا گیا ہے۔ آپ د کیھ سکتے ہیں کہ برقی دباوے مقت طبی بہاو°90 تاخیہ سے -۲.۱۸ ہے۔

$$Ni_{arphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

اوات ۱۵.۲۱ورمساوات ۲.۵۲سے درج ذیل حسا<sup>مس</sup>ل ہوگا

$$(r.22)$$
  $E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2}\pi f B_0 H_{c,rms} A_c l_c$ 

$$P_a=rac{E_{rms}i_{arphi,rms}}{m_c}=rac{\sqrt{2}\pi f}{
ho_c}B_0H_{c,rms}$$

۲۶ مقت طبیسی ادوار

(1, 1) وریکس حبائے تو کی ایک تعب در f پر g کی قیمت صرف و تسالب پر اور و تسالب مسین g یعنی چان که جمع میل خود g پر مخصس ہے۔ یکی و حب ہے کہ و تسالب بنانے والے اکائی کیمت کے و تسالب مسین محتلف چائ کہ g پیسے داکرنے کے لئے در کار g و مسین محتل کی g بالمقائل g ترسیم مہیا کرتے ہیں۔ و تسالب کی g کی مسین موٹی پیسے مرک کے ایس مسین مسین و کھائی گئی ہے۔

ٹرانسفار مسے روہ آلہ ہے جو بدلت ابرقی دباو کو تب دیل کر تا ہے۔ ہے۔ دویا دوسے زیادہ کچھوں پر مشتل ہو تاہے جومقت اطبی و تسالب اپر لیٹے ہوتے ہیں۔ پہلے عصوماً آپس میں جبڑے ہوئے نہیں ہوتے ہیں۔ شکل استالف میں ٹرانسفار مسر کی عسلامت دکھائی گئی ہے۔ دولچھوں کے درمیان متوازی لکسیریں مقن طیسی متالب کوظہامر کرتی ہیں۔

د ستیاب برتی دیاو<sup>۲</sup> پرٹرانسفار مسر کے ایک کچھے کو برتی طباقت منسراہم کی حیاتی ہے اور ہاتی کچھوں سے مختلف برقی د باویر یہی برقی طباقت حساصل کی حباتی ہے۔ جس لیچھے پر برقی د باولا گو کسیا حبائے اسے **ابتدائیے لیچھا '' کہتے ہیں** اور ٹرانسفار مسر ک اس مبانب کو ابتدائھ جانب م کہتے ہیں۔ ای طسرح جس کچھ (کچھوں) سے برقی طباقت مساسل کی حباتی ہے اے (انهان) أفؤى ليحا الحيالي كتبي اوراس حبانب كو أفؤى جانب كتبيراي شكل اسم مسين وكساياك ہے۔ٹرانسفار مسرکی عسلامت مسین ابت دائی حبانب کو بائیں طسرف اور ثانوی حبانب کو دائیں طسرف و کھایا

بڑے ٹرانسفار مسبر عسموماً صرنب دولچھوں پر مشتل ہوتے ہیں۔اسس کتاب مسین مقت طبیعی متسالب پر لیٹے ہوئے دو کچھوں کے قوی ٹرانسفار مسریر تبصیرہ کساحیائے گا۔

ٹرانسفار مسرے تم برقی دباوے کچھے کو کم برقی دباو کا لچھا کہتے ہیں اور ٹرانسفار مسر کی اسس حبانب کو کم برقی دباووالی جانب کتے ہیں جبکہ ٹرانسفار مسرکے زیادہ برقی دباوے کیچے کوزیادہ برقی دباو کا کچھا^کتے ہیں اورٹرانسفار مسرکی اسس حبانب کوزیادہ برقی دباو والی جانبے کتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مسر کے کم برقی دباو حبانب برقی دباو لا گو کپ حبائے اور زیادہ برقی دباو حبانب سے برقی دباو حساصل

magnetic core

<sup>&#</sup>x27; بدلت ابر قی دیاو کی عبدلامت مسین مثبت اور منفی نشان وقت صف ریر بر قی دیاو کی مثبت اور منفی سسرے ظباہر کرتے ہیں۔ primary coil"

primary side

secondary coil

secondary side

low voltage coil4

high voltage coil

۴۸ باب ۳۰, ٹرانسفار مسر



#### <u> مشکل است: ٹرانسفار مسر کی عسلامہ۔</u>۔



شكل ٣٠٢ بيز قي طباقت كي منتقلي ـ

کیا حبائے توٹر انسفار مسر کی کم برقی دباو حبانب کو ابت دائی حبانب کہیں گے اور اسس کی زیادہ برقی دباو حبانب کو ثانوی حبانب کہیں گے۔ حبانب کہیں گے۔

# ا ۳ ٹرانسفار مسر کی اہمیت

برلتے روکی برقی طباقت ایک مصتام سے دوسسرے مصتام با آسانی اور نہسایت کم برقی طباقت کی ضیاع سے منتقبل کی حب سستی ہے۔ بہی اسس کی مقبولیت کا راز ہے۔ ٹر انسفار مسرکے تب دلہ برقی دباو <sup>و</sup>کی حناصیت ایسا کرنے مسیں کلیدی کر دار اداکرتی ہے جے درج ذیل مشال کی مدد سے جھتے ہیں۔ مشال است: سشکل ۲۰۰۳ سے رجوع کریں۔ برقی دباو اور برقی روکاحیاصل ضرب برقی طباقت ہوگا:

 $p = v_1 i_1 = v_2 i_2$ 

voltage transformation property

۱.۳. ٹرانسفار مسر کی اہمیت

تصور کریں کہ تربیب لاڈیم سے MW 500 برقی طباقت لاہور 'اشہبرے گھسر ملوصار منسین کو220وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔اگر ہم اسس طباقت کو220وولٹ پری منتقب کرنا حیاہیں تب برقی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{220} = 2\,272\,727\,\mathrm{A}$$

ہوگا۔ برقی تارمیں کثافت برقی رو ہے۔ اگریس تقسریب آقا بمپیئر فی مسرئع ملی مسیر  $J_{au}=5$  مسکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافت برقی رو ہے۔ اگر برقی تارمیں اسس سے زیادہ برقی رو گزاری حبائے تواسس کی مسز احمت مسیں برقی طب اقت کے ضیاع سے ہے۔ گرم ہو کر پھٹ ل سکتی ہے۔ اسس طسرح صفحہ الیرمی اوات ۱۲۳۔ اسے برقی تار کارقب عصود کی تراشش

$$A = \frac{i}{J_{av}} = \frac{2272727}{5} = 454545 \, \text{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تواسس کار داسس درج ذیل ہو گا۔

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{454\,545}{\pi}} = 380\,\mathrm{mm} = 0.38\,\mathrm{m}$$

ا تنى موئى برقى تاركہيں نہيں پائى حباتى ہے "۔اگريہ تارالمونيم كى بنى ہو جس كى كثافت  $\frac{kg}{m^3}$  2700  $\frac{kg}{m}$  ہوتى ہے تب ايك مين اركى كيہ ہور تاركہ بى تاركى كيہ ہے۔

$$m = 2700 \times \pi \times 0.38^2 \times 1 = 1224 \,\mathrm{kg}$$

لینی 1.2 ٹن ہو گی۔المونیم اتنی مہسنگی ہے کہ اسس صورت مسین اتی برقی طباقت کولا ہور پہنچپانا مسکن نہسیں ہو گا "ا آئیں اب ٹرانسفار مسبر استعمال کر کے دیکھتے ہیں۔ ڈیم پر ایک ٹرانسفار مسبر نسب کر کے برقی دباو کو بڑھ اکر 2000 132 وولٹ لینی 132 کلووولٹ کمپیاحب تا ہے۔یوں برقی رودرج ذیل ہو گا

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{132\,000} = 3788\,\mathrm{A}$$

جس کے لئے در کاربر قی تار

$$A = rac{i}{J_{au}} = rac{3788}{5} = 758 \, \mathrm{mm}^2$$
 
$$r = \sqrt{rac{A}{\pi}} = \sqrt{rac{1667}{\pi}} = 15.5 \, \mathrm{mm}$$

صرونے۔15.5ملی میسٹر رداسس کی ہو گی۔

\*افنسلغ صوافی مسین بھی لاہور ایک تحصیل ہے لسیکن اسس شہسر کو اتنی طب اقت نہیں در کار "ا آپ مانیں یا سے مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی برقی تاریجی نہیں دیکھی ہو گی۔ "اتن کل لاہور مسین بجسلی کی معظی اسس وجب سے نہیں ہے۔ ۵۰ باب۳ برانسفار مسر

اسس مشال مسیں اگر تربیالاؤیم مسیں نسب جنسریٹر 11000 دولٹ برقی دباد پیدا کر رہاہو تو تربیالاؤیم پر نسب ٹرانسفار مسربر قی دباو کو 11000 دولٹ سے بڑھ کر 132 کلودولٹ کرے گاجب کہ لاہور شہبر مسین نسب ٹرانسفار مسر 132 کلودولٹ کو دالیس 11000 دولٹ کرے گا۔

ای مثال کو بڑھاتے ہیں۔ شہسر مسین 220 دولٹ کی بحبائے 11000 دولٹ صارف کے متسریب پہنچا کر محسلہ مسین نیب ٹرانسفار مسر کی مددسے 11000 دولٹ کو مسنزید گھٹا کر 220 دولٹ کسیاحبائے گاجو صارف کو مسنداہم کیے حبائیں گے۔

مشکل ۳.۲ مسیں ڈیم سے شہر تک کا نظام د کھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نیب ٹرانسفار مسر کو **برقی دباو بڑھاتا** ٹر**انسفار م**ساور لا ہور مسیں نیسے ٹرانسفار مسر کو **برقی دباو گھٹاتا ٹرانسفار م**ساکہا گیا ہے۔

برقی طباقت عصوماً 11 کلو وولن اور 25 کلو وولن کے مابین پیدا کی حباتی ہے۔اسس کی منتقلی 110 کلو وولن اور 1000کلو وولٹ کے چچ کی حباتی ہے جبکہ اسس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کپ حبا تا ہے۔

## ۳.۲ ٹرانسفار مسرکے اقسام

گھ۔ دوں اور کار حنانوں کو برقی طباقت منسراہم کرنے والے ٹرانسفار مسرمقن طیسی متالب پر لپیٹے حباتے ہیں۔ سے عسوماً تیم نے دوری ۱۹ ہوتے ہیں جنہیں لوہے کے قالے والے تیم نے دوری قوری ٹرانسفار مراکتے ہیں۔

نہایت چھوٹے ٹرانسفار مسرع موماً او ہے کے متالب پر بنائے حباتے ہیں اور یکھ دور کھے ابوتے ہیں۔ یہ گھسریلواستعال کے برقی مشین، مشلاً موبائل حیار حبر، وغنیرہ مسین نسب ہوتے ہیں اور 220 دولٹ سے برقی دباو مسزید گھناتے ہیں۔ گھناتے ہیں۔

برقی دباوی پیپ کشس کے لئے مستعمل ٹرانسفار مسر ، جو دباو کے ٹرانسفار مر ۱۸ کہلاتے ہیں، کے ٹانوی اور ابت دائی برقی دباو کی ست میں ہورو کے ٹرانسفار مر ۱۹ کی سب پر جناص توجب دی جباتی ہے۔ ای طسرح برقی رو کی پیپ کشس کے لئے مستعمل ٹرانسفار مسر ، جو رو کے ٹرانسفار مر ۱۹ کہلاتے ہیں، کے ٹانوی اور ابت دائی رو کی سن سب پر جناص توجب دی جباتی ہے۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مسر کی سن سب کے برقی دباویا برقی رو کم بیازیادہ کر تا ہے لیکن جیب بہلے ذکر کیا گیا، ان دواقت ام کے ٹرانسفار مسروں مسین کم اور زیادہ کرنے کی سن سب پر جناص توجب دی جباتی ہے۔ ان دواقت ام کے ٹرانسفار مسروں کی برقی سکت ، تنہایت کم انہوتی ہے۔ کر انسفار مسروں کی برقی سکت ، تنہایت کم انہوتی ہے۔ گرانسفار مسروں کی برقی سکت ہے۔ انہیں خلاقی قالج پڑانسفار مسروں کی مسکن ہے۔ انہیں خلاقی تا کے ادوار، لیخی ریڈیو، ٹی وی و غیبرہ مسین پائے جباتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی عبل مسین درائع ابلاغ تا کے ادوار، لیغنی ریڈیو، ٹی وی و غیبرہ مسین پائے حباتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی عبل میں۔ سال خلیا متوازی کلیس سر مہیں بائی حباقی ہیں۔

step up transformer

step down transformer

three phase12

iron core, three phase power transformer

single phase 12

potential transformer1A

current transformer 19

electrical rating

السب عب موماً تقسري المجيس وولي وايمييمُ سكت ركھتے ہيں۔

air core transformer

communication transformer

٣٠.٣ امالي برقى دباو



## ۳.۳ امالی برقی دیاو

اسس جھے کا بنیادی مقصد ہیںرونی برقی دباو v اور اندرونی امالی برقی دباو e مسیں منسرق واضح کرنا اور ان سے متعلق تکنیکی اصطاعات کاتعبارت ہے۔

سشکل ۲۰ سیس بے بوجہ  $^{n}$  ٹرانسفار مسر و کھایا گیا ہے، لینی اسس کا ثانوی کچھا کھلے دور رکھا گیا ہے۔ ابت دائی کچھی کی مسزاجت  $R_1$  ہے جس کو بسیرونی حبزو د کھایا گیا ہے۔ ابت دائی کچھے پر n برتی د باول گو کرنے ہے ابت دائی کچھے مسیس بیجبان انگیے نہ n برتی د باور n تا بہت مسیس مقت طبی بہاوی پسیدا کے اسس بیجبان انگیے مسیس امالی برتی د باور n برلت مقت طبی بہت و ابت دائی کچھے مسیس امالی برتی د باور n برلت مقت طبی بہت و ابت دائی کچھے مسیس امالی برتی د باور n برلت مقت طبی بہت و ابت د اگر تا ہے جے درج ذیل مساور سے پیش کرتی ہے۔

$$(r.1)$$
  $e_1=rac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}=N_1rac{\mathrm{d}arphi}{\mathrm{d}t}$ 

اسس مساوات مسين

- $\lambda$  اہت دائی کچھے کی مقت طیسی بہاوے ساتھ ارتباط بہاوہے ،
- $\varphi$ مقت طیسی متالب مسیں مقت اطیسی بہاوجو دونوں کچھوں مسیں سے گزرتی ہے،
  - ابت دائی کھے کے حپکرہیں۔ $N_1$  •

ابت دائی کچھے کی مسنزاح سے R<sub>1</sub> صف رہے ہونے کی صورت مسیں کر خوف کے متانون برائے برقی دباوے تحت درج ذیل ہوگا۔

$$(\textbf{r.r}) \hspace{3cm} v_1 = i_{\varphi} R_1 + e_1$$

شکل ۳.۴ مسیں اسس مسزاحت کو بطور بسیرونی حبزو، ٹرانسفار مسر کے باہر، د کھیایا گیا ہے۔ اسس کچھے کی رستا  $e_1$  متعاملہ بھی ہو گی جے نظسرانداز کیا گیا ہے۔ عصوماً طباقت کے ٹرانسفار مسرول اور موٹروں مسیں  $i_{\varphi}R_1$  کی قیمت و

unloaded

excitation current \*2

با**ـــــ**۳. ٹرانسفارمــــر ۵٢

اور 0 کی قیمتوں سے بہت کم ہوتی ہے البیذااسے نظے رانداز کیا حساسکتا ہے۔ایب اگرتے ہوئے درج ذیل کھیا حساسکتا ہے۔

$$(r.r) \hspace{3cm} v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi}{\mathrm{d} t}$$

سے وات v سے ثابت ہو تاہے کہ بیسرونی لا گوہر تی دباو $v_1$  اور اندرونی امالی بر تی دباو $e_1$  دوعلیحہ ہ برقی دباو ہیں۔ ب جھے لینیا بہت ضروری ہے۔ مساوات ۳.۳ کے تحت  $v_1$  اور  $e_1$  کی مطاق قیمتیں (تقسریباً)ایک دوس

لچے اپیج**ان** <sup>۲</sup> کرنے سے مسراداسس پر ہیسہ ونی برقی دباولا گو کرناہے جب کہ لیچھے پر لا گوہیسہ ونی برقی د**باو کو ایجان انگیز برقی دباو**^۲ کتے ہیں۔ لچھے کو **بیحال شدہ** کچھے۲۹جب کہ اسس مسیں رواں برقی رو کو **بیحال خ انگیز برقیر رو ۳** کتے ہیں۔

کھے میں گزرتی مقت طیسی بہاو کا تب ملی ہے برتی دیاوجیاصل کیا جیاسکتا ہے۔ٹرانسفار مسروں مسین ب کن کیھیا ہے برقی دیاو حساس کے باتا ہے۔ ساکن کچھ سے حساس برقی دیاو کو **اللہ برقی دیاو**ا <sup>۳</sup> کہتے ہیں۔ برقی دیاو کا حصول مقت طیسی مب دان مسیں کیھے کی حسر کت ہے بھی مسکن ہے۔اپے برتی دباو کو **محرکے برقیر دباو<sup>۲۲</sup> کہتے ہیں۔**یادرہے ان برتی دباومسیں کسی قشم کا ف رق نہیں ہوتا۔ انہیں مختلف نام صرف پہیان کی مناطب دیے حباتے ہیں۔

# میجان انگیزبرقی رواور مت ابی ضیاع

جب اں مقت اطبی و تالے مسیں بدلت امقت اطبی بہا و ثانوی کچھوں مسیں منائدہ مند برقی دباو پسیدا کرتا ہے وہاں ہے۔ مقت طیسی و تالب مسیں نقصان دہ برقی دباو کو بھی جسنم دیت ہے جس سے مقت طیسی و تالب مسیں مجھور نما برقی رو<sup>۳۳</sup> یں داہوتا ہے۔ تعب نور نما برتی رومقت طیسی تالہ میں برتی طب اتسے کے ضیاع کا سبب بنتا ہے جے مجھنوں نما برقی رو کا ضیاع <sup>۲۳</sup>یا مختصر اُ**قال**ی ضیاع ۳۰ کہتے ہیں۔ وت ابی ضیاع کو کم سے کم کرنے کے لئے مقت طبیعی وت الب کو ماریک لوہ کی **یزبال اس است** در تہد رکھ کر بنایا حباتا ہے۔ان پت ریوں پر غیبر موصل روغن <sup>۳۷</sup>کی تہد لگائی حباتی ہے تا کہ تعب نور نمب برقی رو کوروکا حبا سے۔ آپ دیکھیں گے کہ برقی مشین کا ت الب عبوماً ای طسرح بنایاحبا تاہے۔ شکل ۲.۱۵ اور B - Hامیں B - Hمواد دیا گسیٹر موٹی M5 کستاری ہتری کا B - H مواد دیا گساہے۔

شکل ۵. ۳-الف مسیں متالبی پت ریوں کے دواش کال دکھائے گئے ہیں۔ان کی مشکل وصورت کی بناانہ یں الکھے اور تابین ۳۸ پت ریال پکارتے ہیں۔ شکل ۳۰۵ ۔ ۔ مسین ایک پت ریوں اور تین پت ریوں کو دو طسرح آپ مسین رکھیا

۲۲جس سے طلب کی ذہن مسیں ہے عناط فہمی پیدا ہوتی ہے کہ ہے ایک ہی برقی دباوے دو مختلف نام ہیں۔

excitation voltage"

excited coil r9

excitation current".

induced voltage"

electromotive force, emf

eddy currents

eddy current loss " core loss ra

laminations

enamel "2

E.J



شکل ۳.۵ بنا: ت ابی پت ری کے اشکال اور ان کو تہے۔ در تہے رکھنے کا طبریقہ۔

گیا ہے۔ ان دو طسر لقول سے انہیں تہر در تہر رکھا حباتا ہے۔ الہٰذا اگر پہلی تہر مسین ایک دائیں حبانب اور تین کودائیں حبانب اور تین کودائیں حبانب اور تین کودائیں حبانب کے اوپر دوسری تہر مسین ایک کو ایکن حبانب رکھا حبائے گا، وغیرہ ایک کو دائیں اور تین کو بائیں حبانب رکھا حبائے گا، وغیرہ ایک طسرت انہیں جوڑکر شکل 8۔ ۳۔ ہم مسین کھسر ایک قالب حساصل کمیاحباتا ہے۔

پیدا  $e_1$  کی مسزا جمسے کو مسئل ۳.۳ مسیں نظر انداز کرتے ہیں۔ ہیجبان انگسیز برتی رو  $i_{\varphi}$  کی بنا امالی برتی دباو  $e_1$  ہیدا ہوتا ہے جو ہر صورت لاگو برتی دباو  $v_1$  کے برابر ہوگا۔ پوئکہ پوچھ کی بنا  $v_1$  سبدیل نہسیں ہوتا ہے لہذا پوچھ کی بنا  $e_1$  اور ہیجبان انگسیز برتی رو بھی تبدیل نہسیں ہول گے۔ یول بے بوچھ اور بوچھ بردارٹر انسفار مسر مسیں ہیجبان انگسیز برتی روئی دو کیسال ہوتا ہے۔ جیسا مسئل ۲.۱۸ مسیں دکھیایا گسینے بہتو کی ٹر انسفار مسر اور موٹروں مسین برتی دباو اور مقت طیسی بہت اوسائن نمسا ہوتا ہے۔ یول اگر ان مسین ہیجبان انگسیز برقی روغنے مرسائن نمسا ہوتا ہے۔ یول اگر

$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
 
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / -90^\circ$$

ہوتے۔

$$e_1=N_1\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=\omega N_1\phi_0\cos\omega t$$
 
$$\hat{E_1}=\omega N_1\phi_0\underline{/0}$$

 $p^{\rm eng}$ ى يېسان  $p_0$ مقىناطىيى بېسان كے حيط كو ظساہر كرتى ہے اور  $\omega$  زاويائى تعبداد ارتعب مشكى  $2\pi$  f كو ظساہر كرتى ہے جہاں f تعبداد ارتعب مشكى f بالا مسين د كھسايا گسيا ہے  $\hat{E}_1$  اور  $\hat{\phi}$  كَ ﴿ 90 كَا مَن اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى عَلَى اللهُ عَلَى عَلَى عَلَى عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى ع

$$E_{rms}=rac{\omega N_1\phi_0}{\sqrt{2}}=4.44fN_1\phi_0$$

ہے جس سے درج ذیل لکھ حب سکتا ہے۔

$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44 f N_1 \phi_0}$$

"آس مساوات مسیں اور اس کے بعد پوری کتاب مسیں امالی برقی دباو کے ساتھ منفی عسلامت نہیں لگائی گئی ہے۔

۵۴ باب ۳. ٹرانسفار مسر



*مشکل ۲. ۱۳. مختلف دوری سمتیول کے زاویے۔* 

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر وائی کرتے ہیں۔ اگر ایک لچھ پر  $E_{rms}$  موثر برقی دباولا گو کسیاحب نے تو سے لچھ است ہیجبان انگلینز برقی روہ i گزرنے دیت ہے جس سے نمودار ہونے والا مقت طیسی ہیساو مساوات  $E_{rms}$  مقت طیسی ہیساو میں دیے گئے مقت طیسی ہیساو کے برابر ہوتا ہے۔ سے حقیقت سے صرف ٹر انسفار مسر بلکہ کی بھی مقت طیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔ عنسیر سائن نمسا مخیسر سائن نمسا محتیس و کھسایا گیا ہے ، کو کسی بھی عنسیر سائن نمسا مقت میں دی کھسایا گیا ہے ، کو کسی بھی عنسیر سائن نمسا کی طسر رقور پیر تسل سائل کھسا سے درج ذیل کھساحب سکتا ہے۔

$$i_{\varphi} = \sum_{n} \left( a_n \cos n\omega t + b_n \sin n\omega t \right)$$

اس تسلس میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جزوا مجب باقی حسکو موسیقائی اجزاء  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جب نور میں آنے والے امالی برقی دباو،  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے ہم متدم ہو اور دونوں ایک ساقہ بڑھتے اور گھٹے ہیں جب کہ  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  نور دونوں ایک ساقہ بڑھتے اور گھٹے ہیں جب کہ اور والے لیا کہ اور دونوں ایک ساقہ بڑھتے اور گھٹے ہیں جب کہ ایر قبل اور میں گئے اس حب نوکو متالب میں مختلف وجوہات کی بنا پیدا برقی طب قت کی ضائع کو مت مقاطب میں متاب کے اس حب نوکو متاب کی برقی متاب کے اس متاب کی برقی متاب کی متاب کے اس متاب کی برقی متاب کے اس متاب کی برقی کی متاب کی متا

ماسوائے جب ہیجبان انگیسز برتی روکے اثرات پر خور کیا حبار ہاہو، ہم ہیجبان انگیسز برتی روکے عنسر سائن نمسا ہونے کو نظر انداز کرتے ہوئے،  $I_c$  کو  $b_1$  اور  $b_1$  کو  $b_2$  اور  $b_3$  کو کر درج ذیل کلھے کر درج ذیل کلھے حباسکتا ہے۔

$$i_{arphi}=I_{c}\cos\omega t+I_{m}\sin\omega t$$

Fourier series ".

fundamental component

harmonic components"

core loss component

magnetizing current

 $\sin \omega t = \cos(\omega t - 90)$  هم  $\sin \omega t = \cos(\omega t - 90)$ 

$$\hat{I}_{\varphi} = I_c / 0 + I_m / -90$$

یادرج ذیل محنلوط عبد د کی روپ مسین کھے سکتے ہیں (شکل ۳.۸)۔

$$I_{\varphi} = I_c - jI_m$$

 $\bar{e}$  تو گرانسفار مسر کا بیجبان انگسیز برقی رواسس کے کل برقی رو مسم کا تقسیر بیا  $\bar{e}$  فی صد ہوتا ہے لہنذ ااسس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔

یوں ہم بیجبان انگسیز برقی رو کوس آئن نمی انصور کر کے اسس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئل پر غور کرنا آسی انگسیز برقی رو گئی ہوتا ہے۔ اسس و مسئر میں سائن نمی بیجبان انگسیز برقی رو گئی گئی موثر قیمت کے برابر رکھی حب آئی ہے جب اسس کا ذاویہ کی گوں رکھی حب تا ہے کہ اسس سے حساس کی فیضیا گا اصل برقی ہوتا گئی میں میں گئی ہوتا ہے کہ اسس سے حساس برقی ہوتا گا اسس کے برابر ہو۔ مشکل ۲۰ سائل ۲۰

$$p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$$

دباو $\hat{I}_{0}$ سے  $\hat{I}_{c}$  تاخیسری ہوگا۔

## 

 $N_2$  ہم مشکل ہے m کی مدد سے ٹر انسفار مسر کا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم مسنرین کرتے ہیں کہ ابت دائی گجھ  $N_1$  اور ثانوی گجھ کے کہ کا ہے اور دونوں گجھوں کی مسنزا تمسیں صف رہیں۔ ہم مسنزید مسنرین کہ پورامقٹ طیبی بہب و حسال مسیں برقی توانائی ضائع نہیں ہوتی ہے اور وسالہ کا مقت طیبی مستقل اسن بڑا ہے کہ ہجیبان انگسیز برقی رومت بل نظر انداز ہے۔ برقی رو $i_2$  اور  $i_2$  کی رخ یوں رکھے گئے ہیں کہ ان سے ہید امقت طیبی بہب و ایک دوسرے کے محت الف رخ ہیں۔ امسل ٹرانسفار مسر ان با توں پر تقسیریب پورااتر تا ہے۔ ایسے ٹرانسفار مسر کو کا مسل ٹرانسفار مسر کا سیار مسر کا ہیں۔

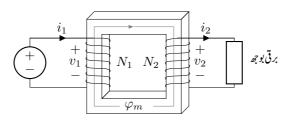
کامسل ٹر انسفار مسسر کے ابت دائی کیجھے پر بدلت ابر تی دباو $v_1$ لاگو کرنے سے متسال سے مسیں بدلت امقت اطبی بہب او  $\varphi_m$  پیدا ہوگا جو ابت دائی کیچھے مسیں ،لاگو برتی دباو  $v_1$  کے برابر ،امالی برقی دباو  $e_1$  پیدا کرتا ہے۔

$$v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

یمی مقت طبیسی بہب و دوسے سے بھی گزرے گا اور اسس مسین  $e_2$  امالی برقی دباویسید اکرے گا جو ثانوی سسروں پر برقی دباو $v_2$  کی صورت مسین نمو دار ہوگا۔

$$v_2=e_2=N_2rac{\mathrm{d}arphi_m}{\mathrm{d}t}$$

۵۲ باب ۳. ٹرانسفار مسسر



مشکل ۷ . ۱۳: بو جھ بر دار کام ل ٹرانسفار مسر۔

مساوات ۱۳ سار ۲۳ ومساوات ۱۴ سے تقسیم کرتے ہوئے درج ذیل رہشتہ حساصل ہو تاہے

(m.16) 
$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}}{N_2 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

جس کے تح<mark>ت کامسل ٹرانسفار مسیر دونوں کچھوں کے حسکروں کی نبیت سے تب**ادلہ برقی دباو**^ممکر تاہے۔ کامسل ٹرانسفار مسیر مسین طباقت کا ضیاع نہیں ہوتا ہے لہلندا اسس کو ابت دائی حسانب جتنی برقی طباقت منسراہم کی حسائے وہ اتنی برقی طباقت ثانوی حسانب دے گا:</mark>

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

درج بالامساوات\_\_

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

کھا حباسکتاہے جس کومساوات ۱۵۔ ۳کے ساتھ ملاکر درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

$$rac{v_1}{v_2}=rac{i_2}{i_1}=rac{N_1}{N_2}$$

مساوات ۱۸۔۳۱۸ ٹرانسفار مسرکی تبادلہ برتی دباواور ت**بادلہ برقی**ے رو<sup>وس</sup>کی حناصیت پیشس کرتی ہے جے عصوماً دو حصوں مسیں ککھیا جساتا ہے:

$$( au.$$
او)  $rac{v_1}{v_2}=rac{N_1}{N_2}$  تب دله برقی دباو  $rac{i_1}{i_2}=rac{N_2}{N_1}$  تب دله برقی رو

اسس مساوات کا پہلی حسنرو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مسر کی دونوں حسانب برقی دباو دونوں اطسراف کے حسکروں کا راست مستناسب ہوگا جب کہ مساوات کا دوسسری حسنرہ کہتا ہے کہ ٹرانسفار مسیر کے دونوں اطسیراف برقی روحپکروں کا پالتکس مستناسب ہوگا۔

voltage transformation (\*\*)

مثال ٣٠٠: مشكل ٣٠٤ مسين درج ذيل ليت ہوئے ٹرانسفار مسركي دونوں حبانب برقى دباواور برقى رومعسلوم كريں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 
 $Z = R = 10$ 

حسل: ابت دائی حبانب برقی د باو 220 وولٹ دیا گیا ہے۔ ہم ثانوی حبانب برقی د باو کو مساوات ۳.۱۹ کے پہلی حب زو کی مد دے حباصل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1}\hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220/0 = 22/0$$

ثانوی دباو 22 دولہ ہے جو ابت دائی دباو کے ہم ت دم ہے۔ ثانوی برقی دباو 10 او ہم کی مسنزاحمت مسین برقی روپیدا کرے گا جے او ہم کے وت نون سے حسامس کرتے ہیں:

$$\hat{I}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

ثانوی رو2.2 ایمپیئر ہے۔ابت دائی رومساوات ۱۹۔۳ کے دوسسری حسنروسے حساصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اسس مثال کے نتائج ایک جگہ کھھ کران پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220\underline{/0}, \quad \hat{V}_2 = 22\underline{/0}, \quad \hat{I}_1 = 0.22\underline{/0}, \quad \hat{I}_2 = 2.2\underline{/0}$$

اہت دائی دباو ثانوی دباو کے دسس گن ہے جبکہ برقی رو مسین قصہ النہ ہے۔ ثانوی رو اہت دائی رو کے دسس گن ہے۔ طباقت دونوں اطسران برابر ہے۔ یہاں رک کر اسس بات کو انچھی طسرح سنجھ لیں کہ جس حبانب برقی دباوزیادہ ہو تاہے اسس حبانب برقی رو کم ہوگا۔ یوں زیادہ دباولچھ کے حیکر زیادہ ہوں گے اور اسس کچھے مسین نبتاً باریک برقی تار استعمال ہوگی جب کہ کہ دباولچھ کم حیکر کا ہوگا اور اسس مسین نسبتاً موٹی برقی تار استعمال ہوگی۔ موٹی تار زیادہ رو گزارنے کی سکت رکھتی ہے۔

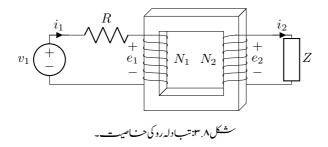
م میں ہے۔ میں میں میں الا پر مشکل ۱۰۔ ۳۔ الف میں رکاوٹ  $Z_2$  کو بدلتے منبع دباو  $\hat{V}_1$  کے ساتھ ایک ٹرانسفار مسر کے ذریع ہوتال سے درج ذرائ ویا معلومات کی روششنی مسین رکاوٹ مسین برقی رواور طباقت کا ضیاع دریافت کریں۔

$$\hat{V}_1 = 110 / 0$$
,  $Z_2 = R + jX = 3 + j2$ ,  $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 

حسل: ٹرانسفار مسر کی شبادلہ برقی دباو کی حضاصیت کے تحت اہت دائی 110 وولٹ دباو ثانوی حبانب درج ذیل دباو  $\hat{V}_{s}$ 

$$\hat{V}_s = \frac{N_2}{N_1}\hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 110\underline{/0} = 11\underline{/0}$$

۵۸ باب ۳۰ بر انسفار مسر



يوں ثانوي رو

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11/0}{3+i2} = 3.05/-33.69^\circ$$

اور رکاوٹ میں برقی طباقت کاضیاع  $p_z$  درج ذیل ہوگا۔

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$

## ۳.۶ ثانوی حبانب بوجه کاابت دائی حبانب اثر

سٹکل ۳.۸ مسیں ابت دائی کیجے کی تارکی مسزا حس کو R سے ظلم رکیا گیا ہے جبکہ ثانوی حبانب بوجھ Z ہے۔ فسنر من کریں ہم Z اتار کر ٹرانسفار مسر کے ثانوی سرے کھلے دور کرتے ہیں بے بوجھ ٹرانسفار مسر کی ابت دائی حبانب برلت برقی دباوی  $v_1$  نیان انگیسٹر برقی روہ نہیں دباوی ایک مسیں جیساں انگیسٹر برقی دباوی برا میں گسٹری کے مسیں جسال میں برا میں برا میں برا میں ہے۔ مسیں گسٹری کے مسیں جسال برقی دباویسید اگر تاہے۔

$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

ابت دائی رو، فنسراہم کر دہ دباواور ابت داامالی دباو کا تعسلق متانون اہم سے لکھا حب اسکتا ہے۔

$$i_{\varphi} = \frac{v_1 - e_1}{R}$$

اہے ہم ثانوی حبانب برقی ہو جھ Z لادتے ہیں۔ ہو جھ بر دارٹر انسفار مسر اٹھ کے ثانوی حبانب برقی روی  $i_2$ رواں ہو گا جس کی و حب کے معناطیسی دباووجود مسین آئے گا۔ یہ مقتاطیسی دباو صالب مسین گھٹڑی کے محتالف رخ مقتاطیسی بہاوے میں  $N_2i_2$ 

 $<sup>\</sup>varphi_m$ ويبال  $\varphi_m$  اميانيا ہے۔

پیداکرے گا۔ یول وت الب مسیں مقت طبی بہب و تب دیل ہوکر (گھٹ کر)  $\varphi_m - \varphi_2 = \varphi_m$  اور ابت دائی کچھے مسیں امالی دباوگٹ کرنے ہوجب نے گا۔ مساوات ۲۱ سے تحت امالی دباوگٹ کی وجب سے ابت دائی روبڑ سے گا۔

آپ نے دیکھ کہ ثانوی حبانب کارو متالب مسیں مقن طیسی بہاوتبدیل کرکے ابت دائی کچھے کو بوجھ کے بارے مسین خب ردار کرتا ہے۔

آئیں R کی قیت کو نظسرانداز کرتے ہوئے بے بوجھ ٹرانسفار مسیرے سشروع کر کے اسس عمسل کو زیادہ بار کی ہے ویکھ سیں بیجبان انگسینررو  $v_1$  پر بیدا ہوگا جو صالب پر برگا ہوں مقت طلبی دیاو مسلط کر کے اسس مسیں گھسٹری کے رخ بہباو  $\varphi_m$  پسیدا کرے گا۔ یہ بہباو کچھے مسیں امالی دیاو  $e_1$  پسیدا کرتے گا۔ یہ بہباو کچھے کی مسزاحمت نظسرانداز کرتے ہوئے  $v_1$  والم بوالہذا مساوات ۱۳۰۰دری ذیل صورت اختیار کرتے ہوئے گرتا ہے۔ کرتا ہے۔ کرتا ہے۔ کرتا ہے۔ کرتی ہوئے گاہندا مساوات کے مسزاحمت نظسرانداز کرتے ہوئے گاہندا مساوات کی مسزاحمت نظسرانداز کرتے ہوئے گاہندا مساوات کرتا ہے۔

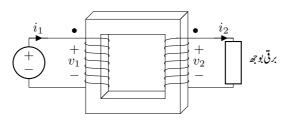
(r.rr) 
$$v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

$$(r.rr) N_1 i_1 - N_2 i_2 = 0$$

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

## ۳.۷ ٹرانسفار مسر کی عسلامت پر نقطوں کامطلب

شکل ۹ ۳ مسیں جس لحب پر ابت دائی کچھے کا بالائی سر مثبت برتی دباو پر ہو،اسس لحب پر ثانوی کچھے کا بالائی سر مثبت دباو پر ہے۔اسس حقیقت کو کچھوں پر نقطوں سے ظاہر کمپا گئے ہے۔ اسس حقیقت کو کچھوں پر نقطوں سے ظاہر کمپا گئے ہے۔ یوں نقطی سسر دل پر دباو ہم متدم ہوں گے۔ مسنزید ابت دائی کچھے کے نقطی سسر سے مثبت برتی رو کچھے مسیں داحسل جب کہ ثانوی کچھے کے نقطی سسر سے مثبت برتی رو کچھے سے حسارج ہوگی۔ ۲۰ بایس۳. ٹرانسفار مسر



شكل ٩٠ ٣: ٹرانسفار مسركى عسلامت مسين نقطوں كامفہوم۔

#### ۳.۸ رکاوٹ کاتسادلہ

یں مسین ہم متدم ہیں اور ای طسرح برقی دباو  $\hat{I}_1$  اور  $\hat{V}_2$  آپس مسین ہم متدم ہیں اور ای طسرح برقی دو  $\hat{I}_1$  اور  $\hat{I}_2$  آپس مسین ہم متدم ہیں۔ مساوات ۱۵ ساور مساوات ۲۸ ساکو دوری سمتیر کی مدد سے کلعتہ ہیں۔

$$\hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{V_2}$$
 
$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)\hat{I_2}$$

حنارجی دباو،رواور رکاوٹ کاتعساق متانون اہم سے لکھتے ہیں۔

(ר.۲۲) 
$$Z_2=rac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}}=|Z_2| \underline{/ heta_z}$$

مساوات ٢٠٠٥ سے درج ذيل لكھاحبا سكتاہے جب ان آحضري فتدم پر ركاوٹ كي قيمت پر كي گئي ہے۔

$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

يوں داخشلى رو درج ذيل ہو گا۔

$$\hat{I_1} = rac{\hat{V_1}}{(N_1/N_2)^2 Z_2}$$

 $Z_2'$  سے کر کاوٹ  $Z_2'$  ورج ذیل قیت کے رکاوٹ  $Z_2'$  کو نسراہم کیا گیا ہے۔

$$Z_2' = \left(rac{N_1}{N_2}
ight)^2 Z_2$$

۸٫۳۰٫ رکاوٹ کاتب دلیہ



مشکل ۱۰.۳: ٹرانسفار مسر کی حناصیت تبادلہ رکاوٹ۔

آپ تسلی کرلیں کہ اسس دور مسیں بھی  $\hat{V}_1$  کابر قی رومسا وات ۳.۲۸ بی تی ہے۔ مسلوات ۳.۲۸ نے ترابر ہے۔ مسلوات ۳.۲۸ سے نبوت  $\frac{\hat{V}_1}{\hat{I}_1}$  کی تابر ہے۔

(r,r•) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}}=Z_2'=\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2Z_2$$

دونوں ادوار سے  $\hat{V_1}$  کی طباقت درج ذیل حساصل ہوتی ہے۔

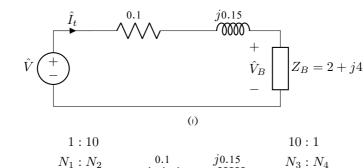
$$p=\hat{V_1}\cdot\hat{I_1}=\frac{V_1^2\cos\theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2|Z_2|}$$

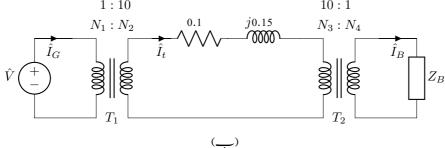
یوں حب کرنے کے نقطہ نظے رہے ہم  $\hat{V}_1$  کو مساوات ۳.۲۹ سیں دی گئی قیمت کے رکاوٹ  $Z_2'$  پر لاگو کرتے ہوئے  $\hat{V}_1$  کابر قار واور طباقت حبان سکتے ہیں۔  $\hat{V}_1$  منبع  $\hat{V}_1$  کو مشکل ۱۰۳-الف اور ب مسیں کوئی و فسر قاطے رنہیں آتا ہے۔اس کے ساتھ ٹر انسفار مسر کے ذریعی وزید کی مسید کو گوئا ایک برابر ہے۔ٹر انسفار مسر  $Z_2$  جو ٹرنا پالینسیسرٹر انسفار مسر کی اسس صناصیت کو تباولہ رکاوہ مالی مناور مسرک کے انسفار مسرکی اسس صناصیت کو تباولہ رکاوہ مالی مناور کی مناصیت کہتے ہیں جس کو درج ذیل مساوات بیان کرتی ہے۔

(r.rr) 
$$Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

impedance transformation ar

۲۲ باب-۳. ٹرانسفار مسر





شكل ١١.٣: برقی طباقت کی منتقلی۔

ہم حساب کرنے کی حناط سرر کاوٹ کوٹر انسفار مسیر کی ایک حبانب سے دو سسر کی حبانب منتقبل کر سکتے ہیں۔ مثال ۲۰۰۷ مثال کی گوئی میں معامل کے ان تاروں کا محب موعد رکاوٹ  $z_{L}$  ہے۔ مشکل سب مسیل جنسریٹ سے میں جنسریٹ میں جنسریٹ نسب برقی دباو گود سال گنا تا ہے۔ دونوں ٹر انسفار مسربرقی دباوکود سس گنا بڑھ ساتا کے دونوں ٹر انسفار مسربرقی دباوکود سس گئا تا ہے۔ دونوں ٹر انسفار مسروں کے نی تاروں کا محب موعد رکاوٹ  $z_{L}$  کو میں گاروں کی رکاوٹ ویسائی نظر رانسفار مسین

$$Z_B = 2 + j4$$
,  $Z_t = 0.1 + j0.15$ ,  $\hat{V} = 415/0$ 

لستے ہوئے

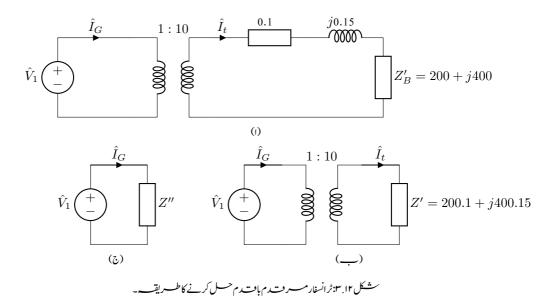
• برقی بوجھ پربرقی دباومعلوم کریں،

برقی تاروں مسیں برقی طاقت کاضیاع معلوم کریں۔

حسل الفي:

$$\begin{split} \hat{I}_t &= \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415/0}{0.1 + j0.15 + 2 + j4} \\ &= \frac{415/0}{2.1 + j4.15} = \frac{415/0}{4.651/63.15} \\ &= 89.23/-63.159^\circ = 40.3 - j79.6 \end{split}$$

۸<u>.۳. رکاوٹ کا تب</u>ادلہ ۸.۳۳



$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$
  
= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تارول مسین برقی طاقت کاضیاع درج ذیل ہوگا۔

يوں ر كاو<u>ٹ</u> پر برقى د باو

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

حل ہے: مشکل  $T_2$  اور مشکل  $T_1$  ہے رجوع کریں۔ مشکل  $T_1$  مسیں ٹرانسفار مسر  $T_2$  کے ثانوی رکاوٹ کو مساوات  $T_2$  کی مدد سے ابت دائی حبانب منتقب کرتے ہیں۔

$$Z_B' = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل ۳.۱۲ سالف حساسل ہو تا ہے جس مسین برقی تار کار کاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار حبیرے میں۔ان کے محب وعہ کو Z

$$Z' = Z_t + Z_B' = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

لکھتے ہوئے شکل ۳.۱۲ ہے۔ ب حساصل ہوتا ہے۔ایک مسرتب دوبارہ مساوات ۱۳.۲۹ ستعال کرتے ہوئے 'Z' کو ٹرانسفار مسرکے ابت مدائی حبانب منتقبل کرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

۱۲ مبر ژانسفار م**ب**ر

شکل ۱۲.۱۲ \_\_\_ حاصل ہو گاجس سے جنسریٹ رکابر قی رودرج ذیل ہوگا۔

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + j4.0015} = 92.76/-63.432^{\circ}$$

سے کا ۱۲ سے سے سے جنسریٹ رکار تی روجیانے ہوئے تب دلہ بر تی روہے  $\hat{I}_t$  حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I_G} = \left(\frac{1}{10}\right)92.76 / -63.432^\circ = 9.276 / -63.432^\circ$$

يوں برقی تار مسیں طاقت کاضیاع درج ذیل ہوگا۔

$$p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$$

ای طسرح شکل ۱۱. ۳مسیں  $\hat{I}_t$  جبانے ہوئے تب دلہ برقی روسے

$$\hat{I}_B = \left(\frac{N_3}{N_4}\right) \hat{I}_t = \left(\frac{10}{1}\right) 9.276 / -63.432^{\circ}$$

$$= 92.76 / -63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9$$

حاصل كياحباسكتاہے۔ركاوٹ پربرقی دباو درج ذیل ہوگا۔

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

بغیبہ ٹرانسفار مسبر استعال کیے برقی تاروں مسین طباقت کاضیاع 796 واٹ جبکہ ٹرانسفار مسبر استعال کرتے ہوئے صوف 6.8واٹ یعنی 92گٹ کم ہے۔ای مسین ٹرانسفار مسبر کی مقبولیت کاراز ہے۔

## ۳.۹ ٹرانسفار مسر کے وولٹ وایمپیئر

ٹر انسفار مسسر کی دونوں حبانب برتی دباو کچھوں کے حپکروں پر مخصصر ہو تا ہے۔ٹر انسفار مسسر ایک مخصوص برتی دباو اور برتی روکے کئے بہنایاحباتا ہے۔ٹر انسفار مسسر بہنا وگی ہوتا ہے۔ ٹر انسفار مسسر بہنا وگی ہوتا ہے۔ کم برتی دباوی برتی حبلایاحباتا ہے۔ ای طسسر آٹر انسفار مسسر بہناوٹی برتی دباوی برتی حبلایاحباتا ہے۔ ای طسسر آٹر انسفار مسسر کا برقی روعہ ما بہناوٹی قیمت سے کم ہوتا ہے۔ حقیق استعمال مسین ٹر انسفار مسسر کا برقی روعہ مساواتوں (مساواتوں (مساواتوں (مساواتوں (مساواتوں (مساواتوں (مساواتوں (مساواتوں (مساواتوں مسین ضرب دے کر

$$\frac{v_1}{v_2} \frac{i_1}{i_2} = \frac{N_1}{N_2} \frac{N_2}{N_1} = 1$$

حساص ہوتا ہے جس کے تحت ایک حبانب کے برقی دباواور برقی روکاحساصل ضرب دوسسری حبانب کے برقی دباواور برقی روکے حساصل ضرب کابر ابر ہوتا ہے۔ درج بالا کوعسوماً درج ذیل لکھاحب تا ہے۔

$$(\textbf{r.rr}) \hspace{3cm} V_1I_1 = V_2I_2$$

برتی دیاد اور برتی روکے حساصل ضرب،  $V_2I_2$  یا  $V_2I_2$ ، کوٹر انسفار مسیر کے دولٹ ضرب ایمپیئر یا مختصر ا**وول** ہے و ایمپیئر میں کہتے ہیں <sup>۱۹</sup> ہوٹر انسفار مسیر کے برتی مشار میں مشار موٹر اور جسند بیٹ ہوٹر انسفار مسیر کے بنیادی اصولوں پر کام کرتے ہیں، پر نسب معسلوماتی شختی پر ان کاسکست، بیٹ وٹی برقی دیاواور بیٹ وٹی تعسد اد کھی حیاتا ہے۔ یوں ٹر انسفار مسیر کے دولٹ وایمپیئر درج ذیل ہوں گے۔

$$(\mathfrak{m},\mathfrak{m})$$
 وولئ وايمپير $=V_1I_1=V_2I_2$ 

مثال ۵۰۰ تا کیے 25000 وولٹ وایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مسرکے زیادہ برقی دباو کی حبائی 11000 وولٹ لاگوہیں۔

- اسس کی ثانوی حبانب زیادہ سے زیادہ کتنابر قی بوجھ ڈالاحباسکتاہے؟
- زیاده سے زیاده برقی بوجھ پرٹرانسفار مسر کاابت دائی برقی روحیا صل کریں۔

حسل:اسس ٹرانسفار مسبر کی معسلوما سے درج ذیل ہیں۔

25 kV A, 11000: 220 V

تبادلہ برقی دباو کی مساوات سے ثانوی برقی دباو 220 وولٹ حسامسل ہو تا ہے۔ ثانوی یعنی کم برقی دباوحب نب زیادہ سے زیادہ برقی رومساوات ۳۳۴سے حسامسل ہوگا۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اس طسرح استدائی حبانب زیادہ سے زیادہ برقی رواس مساوات سے حسامسل ہوگا۔

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

ٹر انسفار مسرکی دونوں حبانب لیجھوں مسین استعال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی حباتی ہے کہ ان مسین کافت برقی موٹ کی موٹ کی ہوتا ہے جس سے تارگرم ہوتی ہے۔ ٹرانسفار مسرکے برقی روک حد لیجھوں کی گرماکش پر مخصر ہوتی ہے۔ تارکن زیادہ سے زیادہ در حبہ حسرات کو محفوظ حسد کے اندر رکھا حباتا ہے۔ نیادہ در حب حسرات کو محفوظ حسد کے اندر رکھا حباتا ہے۔ نیادہ در حب حسرات سے تارپرلگاروغن حسراب ہوگااور تارکا ایک حبکر دوسرے حبکر سے تعلقہ قصر دور ہوگا۔ ایس ہونے سے ٹرانسفار مسرحبل کر حسراب ہوجباتا ہے۔ بڑے ٹرانسفار مسرکا وت الب اور لیجھے غیبر موسل شیل سے بھری ٹمیسنگی مسین ڈیو کر رکھے حباتے ہیں۔ اسس سے کوٹرانسفار میں ٹیونکی کوٹرانسفار میں بونے کی بنا) مختلف برقی سے کوٹرانسفار میں بونے کی بنا) مختلف برقی سے کوٹرانسفار میں بونے کی بنا) مختلف برقی سے کالے کوٹرانسفار میں بونے کی بنا) مختلف برقی سے کالے کالونس کوٹرانسفار میں بونے کی بنا) مختلف برقی سے کالونس کوٹرانسفار میں بونے کی بنا) مختلف برق

volt-ampere, VA

۵۴ وواسے وائیمپیئر کوعب وماُ کلو وواسے وایمپیئر لعنی kV Aمسیں بیان کیا حیاتا ہے۔

<sup>1000</sup> kV A<sup>۵۵</sup> کرانسفارمسر کی کیچھوں مسیں کثافت برقی روتقت ریباً A /mm<sup>2</sup> در کھی جباتی ہے

transformer oil 31

باب ۳۰ برانسفار مسر

دباوے حصوں کو برقی طور پر حبدار کھنے مسیں مد دویت ہے۔ٹرانسفار مسرتسیل تقسیریباً  $^{\circ}$  80 پر حسرا ہے ہونا مشیر وی ہوتا ہے اور بری  $^{\circ}$  80 اصن فی در حب حسرارت پر اسس کی زندگی آدھی رہ حب تی ہے۔ یوں اگر  $^{\circ}$  80 پر تسیل کی کارآ مد زندگی x سال ہوگی۔ تسب  $^{\circ}$  88 پر  $^{\circ}$   $^{\circ}$  سال اور  $^{\circ}$  60 پر مرز سے  $^{\circ}$   $^{\circ}$  سال ہوگی۔

ٹرانسفار مسر سیل گرم ہو کر پھیلت ہے جس کی بن اسس کی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹیسنگی مسیں گرم سیل اوپر اور شخصنڈ اسل سی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹیسنگی مسیں گرم سیل اوپر سے شخصنڈ اکرنے کے لئے ٹیسنگی کے ساتھ بہت سارے پائپ منسلک کئے جب تے 26 جن مسیں گرم سیل اوپر سے داحنل ہوتا ہے۔ پائپ کا سطحی رقب زیادہ ہونے کی بن اہوا اسے حبلہ مخصنڈ اکرتی ہے ، اسس مسیں سیل کا در جب حسر ارسے گھٹتا اور کثافت بڑھتی ہے۔ ٹھنڈ اسیل پائپ مسیں ینجے حسر کست کرتے ہوئے دوبارہ ٹیسنگی مسیں داحنل ہوتا ہے۔

## ۳.۱۰ ٹرانسفار مسرکے امالہ اور مساوی ادوار

## ا.۱۰.۱ کچھے کی مسنزاحمت اور متعاملہ کی علیحہ د گی

ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھے کی مسزاحت R<sub>1</sub> پر حسہ ۳۰۳، مساوات ۲۰۳۰ مسیں بات کی گئی جہاں مسزاحت کو لیجھے سے باہر سلسلہ وار حبٹراد کھایا گیا تھا۔ آئیں دیکھیں ہم حساب کی حناطسر کیے مسزاحت کو لیجھے سے علیحہ ہم کستے ہیں۔ کرستے ہیں۔

سنگل T''الف میں ایک لیجھے پر بدلت ابر قی دباولا گو کیا گیا ہے۔ اگر کچھے کی برقی تار کو چھوٹے گلزوں میں تقسیم کی ایک چھوٹی مسئل  $\Delta R$  اور ایک چھوٹا متعاملہ  $\Delta R$  ہوگا۔ تار کا ایک گلزا کسٹ کل ۔ ب مسیں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ کچھاان سب گلزوں کے سلمہ وار حبیر نے بنت ہے لہذا سنگل ۔ الف کو ہم مشکل ۔ پ کی طسر تربن ایک ہیں جہاں کچھے کے R گلزے کے گئے ہیں۔ اس بدور کی امسادانہ R

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$
  
=  $\hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left( j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$ 

ہےجس میں

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
  
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

لکھ کر درج ذیل حسامسل ہو تاہے۔

$$\hat{V}_1=\hat{I}_1\left(R+jX
ight)$$

سشکل ۱۱۳ سے بھی مساوا۔۔۔ ۳٫۳۵ ککھی جبا سستی ہے۔ یوں حساب کی حن طسر کچھے کی مسزاحہ۔۔ اور متعاملہ علیحہ و کیے حبا سکتے ہیں۔

<sup>۵۵</sup>واپڈاکے ٹرانسفار مسر کاہیسرونی حصہ انہیں پائیوں پر مشتل ہو تاہے۔







#### ۳.۱۰.۲ رستااماله

یہاں تک ہم کامسل ٹرانسفار مسر پر بحث کرتے رہے ہیں۔ اب ہم ٹرانسفار مسیس ان عنساصر کاذکر کرتے ہیں جن کی وحب سے ٹرانسفار مسر غنسیر کامسل ہو تا ہے۔ بہت کی حباقہوں پر ٹرانسفار مسر استعمال کرتے وقت ان عنساصر کو مدِ نظسر رکھناضروری ہو تاہے۔ان عنساصر کے اثرات کوٹ امسل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مسرکامساوی دور بنتے ہیں۔

ابت دائی کچھے کے مقن طیبی بہب و کو دو حصوں مسین تقسیم کیا جب سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو مت الب سے گزر کر ابت دائی کچھے دونوں کے اندر سے گزر تا ہے۔ یہ مشتر کہ مقن طیسی بہب او ہے۔ دوسر احصہ وہ جو صرف ابت دائی کچھے کے گزر تا ہے۔ اس کور متا مقناطیسی بہاو ۵۸ کہتے ہیں۔ چونکہ ہوا کامقن طیسی مستقل میں اٹل ہوگاء میں رہت ہے۔ اسس کور متا مقناطیسی بہاو ۵۸ کہتے ہیں۔ چونکہ ہوا کامقن طیسی مستقل سے اٹل ہوگا۔ یوں رستا مقن طیسی بہب او ابت دائی کچھے کے برتی روکا راست مستاسب ہوگا۔

 $X_1 = 2\pi f L_1$  کی ارستا متعاملہ  $X_1 = 2\pi f L_1$  کی طسر کے لیجھ سے باہر رستا امالہ  $X_1 = 2\pi f L_1$  یارستا متعاملہ کے انہ کو بالکل کیجھے کی مسزاحہ۔ کی طسر کے لیجھ سے باہر رستا امالہ  $X_1 = 2\pi f L_1$  کی مسزاحہ۔ انہوں کے انہوں کی مسزاحہ کی مسزلی کی مسزلی کی مسزلی کی مسزلی کی مسزلی کے مسزلی کی کرنے کی مسزلی کی مسزلی کی کرنے کی مسزلی کی مسزلی کرنے کی مسزلی کی کرنے کی کرنے کی مسزلی کی کرنے کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کی کرنے کی کرنے کرنے کرنے کرنے کرن

ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھے مسین برقی رو آ $\hat{I}$  گزرنے سے رستامتع ملہ مسین ب $\hat{V}_{X1}=\hat{j}\hat{I}_1$  بی رباواور کچھے کے تار کی مسزاحت مسین ب $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1$  برقی دباوگھ است ہے۔

جیب شکل ۱۵.  $\pi$  مسیں د کھایا گیا ہے، ابت دائی کچھے پر لاگو دباو  $\hat{V}_1$  ، مسنز احمت  $R_1$  اور متعاملہ  $X_1$  مسیں گٹاو اور ابت دائی امالی دباو  $\hat{S}$  گامب موعب ہوگا۔

#### ۳.۱۰.۳ ثانوی برقی رواور وت الب کے اثر ات

وت الب مسیں دونوں کچھوں کامشتر کہ مقت طیمی ہب وان کے محب و کی مقت طیمی دباو کی وحب ہے وجود مسین آتا ہے۔ اسس حقیقت کو ایک مختلف اور بہتر انداز مسیں بیان کیا حب اسٹا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ است دائی برتی رو کو دوسشر انظ مطمئن کرنے ہوں گے۔ اول اسے وتالب مسین ہج بانی مقت طیمی ہب و وجود مسین لانا ہوگا اور دوم اسے تانوی کچھے کے پیدا کر دہ مقت اطیمی ہب و کوحت کم کرنا ہوگا۔ الب ذاابت دائی برتی رو کو ہم دو حصوں مسین تقسیم کرستے ہیں۔ ایک حصر ہو جو ہجو ہج جی بین ان مقت اطیمی ہب و

leakage magnetic flux<sup>2A</sup>
leakage inductance<sup>29</sup>

leakage reactance



پیداکر تا ہے اور دو سے را $\hat{I}'_2$  جو ثانوی کچھے کے مقت اطبی دباو کا اثر حستم کر تا ہے۔ یوں  $\hat{I}'_2$  درج ذیل ہوگا۔

$$\hat{I}_2'=rac{N_2}{N_1}\hat{I}_2$$

ثانوی کچھے کے مقت طیسی ہیباوے اثر کو حضتم کرنے پر حصہ ۲. سم میں غور کسیا گسیا ہے۔  $\hat{I}_c$  ، مسیل تقسیم اگر حب برقی رو جھول ،  $\hat{I}_c$  ، مسیل تقسیم کرتے ہیں۔  $\hat{I}_c$  ، مسیل تقسیم کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

مذکورہ بالا مساوات مسین برقی رو کو دوری سمتیات کی صورت مسین کھی گیا ہے۔ ان مسین  $\hat{I}_c$  ابت دائی کچھے کے امالی برقی دباو  $\hat{E}_1$  کا ہم مت دم ہے اور مت الب مسین برقی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کر تاہے جب کہ  $\hat{I}_m$  وہ حصہ ہے جو  $\hat{E}_1$  سے نوب در حب آخیر کھے الزاوے پر برت ااور کچھے مسین مقت طبیعی بہاویپ داکر تاہے۔

 $\hat{I}_{c}$  بین مسین  $\hat{R}_{c}$  بین میں اور  $\hat{R}_{c}$  بین برقی رو  $\hat{I}_{c}$  اور  $\hat{I}_{c}$  کی افزات کوظ ہر کرنے کے لئے استعال کیے گئے میں معتداراتی رکھی حباتی ہے کہ اسس میں برقی طاقت کا صیاح اس میں برقی حلاقت  $\hat{I}_{m}$  کی معتداراتی رکھی حباتی ہے کہ اسس میں برقی طاقت کا معتداراتی رکھی حباتی ہے کہ است میں برقی داروں کے کہ اس کی معتداراتی رکھی حباتی ہیں۔  $\hat{I}_{m}$  کے معتدارات کی معتدارات کے حباتے ہیں۔

## ۳.۱۰.۳ ثانوی کیھے کاامالی برقی دباو

وت الب\_مسين مشتر كه مقت طيسي بهب و ثانوى ليجه مسين امالى برقى دباو $\hat{E}_2$  پييد اكرے گا۔ چو نكه يكي مقت طيسي بهب و ابت دائى ليجه مسين  $\hat{E}_1$  امالى پييد اكر تابے المباخه اور ق بلى كلھاحب سكتا ہے۔

(r.ra) 
$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

lagging"

۷- باب<sup>m</sup> برانسفار مسر





مساوات سے ۱۳۳۳ اور مساوات ۳٫۳۸ کو ایک کامسل ٹرانسفار مسرے ظاہر کیا حب سکتا ہے جے سشکل ۱۳.۳۵ مسیں د کھایا گیا ہے۔

### ۳.۱۰.۵ ثانوی کیھے کی مسزاحت اور متعاملہ کے اثرات

ثانوی کچھے مسین امالی دباد $\hat{E}_2$  پیدا ہو گا۔ ابت دائی کچھے کی طسرح، ثانوی کچھے کی مسزاحمت  $R_2$  اور متعاملہ j ہول گے جن مسین ثانوی برقی درو  $\hat{I}_2$  کی بہت ابر تی دباو گھے گا۔ یون ثانوی کچھے کے سسروں پر برقی دباو پر  $\hat{V}_2$  متدر کم ہوگا:

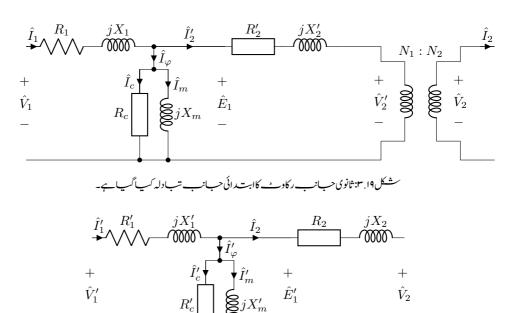
(r.rq) 
$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$

یوں حسا *صل ٹرانسفار مسر کا مکسل مس*اوی دوریار **یاضی نمونه** ۲۲ شکل ۱۸.۳مسیں د کھیایا گیا ہے۔

## ۳.۱۰.۲ ركاوك كااستدائى يا ثانوى حسانب تساوله

سشکل ۱۸. ۳ مسیں تمام احب زاء کا تب ادلہ ابت دائی یا ثانوی حب انب کمیاحب اسکا ہے۔ ایس کرتے ہوئے کا مسل ٹر انسفار مسر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں حب انب رکھا حب اسکتا ہے۔ مشکل ۱۹.۳ مسیں ثانوی رکاوٹ کو ابت دائی حب انب منتقسل کسیا

mathematical model



شکل ۲۰ به: ابت دائی حبانب رکاوٹ کا ثانوی حبانب تب دلہ کیا گیاہے۔

گیاہے جب کہ مشکل ۲۰۰ سمیں ابت دائی رکاوٹوں کا تب دلہ ثانوی حبانب کی گیاہے۔ جیب مشکل ۲۰۰ سمیں دکھ یا جہ جب کہ مشکل ۱۰۰ سمیں ابت دائی رکھ وار میں کا مسل ٹر انسفار مسرع صوماً دکھ یا نہیں جاتا ہے۔ تسب دلہ مشدہ دور کا وی کر کے خلبر کیا جب تاہے۔ یوں تب دلہ مشدہ دور کا وی کر کے خلبر کیا گیا ہے۔ ایس دور استعال کرتے وقت یادر کھنا ہوگا کہ مساوی دور مسیں احب زاء کس حبانب منتقل کیے گئے ہیں۔ مثال ۲۰۰۱ ایک 50 کلووول والم میں اور 220 : 2200 دور مسیں احب زاء کس حبانب منتقل کیے گئے ہیں۔ مثال ۲۰۰۱ ایک 50 کلووول والم میں اور 220 : 220 دور سے تار کا وی استعال کو جانب در ستار کا وی اور بانب رستار کا وی اور کہ 10.00 والے احب زاء معل ۱۹ سال مونے والے احب زاء معل ۱۹ سال مونے والے احب زاء معل ۱۹ سال اور شکل ۲۰۰ سال اور خوالے احب زاء معل ۱۹ سال اور شکل ۱۳ سال اور شکل ۱۳ سال معلوم کریں۔

50 kV A, 50 Hz, 2200: 220 V

ٹرانسفار مسیر کے برتی دباوے کچھوں کے حپکر کاتٹ سب حساس کرتے ہیں۔ میر کا مسیر کے برتی دباوے کچھوں کے حپکر کاتٹ سب حساس کرتے ہیں۔

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$$

۷٢

زباده برقی د باوحسانی تسادله شده احسزاء درج ذیل ہوں گے۔

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

مساوی دور مسیں باقی رکاوٹ پہلے سے زیادہ برقی دباو حبانب ہیں المہذا ہے۔ تبدیل نہیں ہوں گے۔یوں شکل ۱۹ سے حبزوحیاصل ہوئے۔ حسل ہے: مصاوی دور کے احبزاء کا تب دلہ کم دباوحب نب کرتے ہیں۔

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 R_c = 64$$
$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 X_m = 470$$

جبکہ 2 پیلے سے کم برقی دیاوجیانہ ہے لیا ذااسس کی قیمت تب دیل نہیں ہو گی۔

## ے ۱۰ m ٹرانسفار مسر کے سادہ ترین مساوی ادوار

ا کے انجنیئر ٹرانسفار مسرات تعال کرتے وقت حساب کی حناطسر شکل ۱۹.۳ پایشکل ۲۰.۳ کے ادوار استعال کر سکتا ہے۔ ہے ادوار حقیق ٹر انسفار مسر کی بہت اچھی عکائی کرتے ہیں۔البت جہاں بہت صحیح جو ابات مطلوب نے ہوں وہاں ان ۔ ادوار کی سادہ اُٹ کال بھی استعال کی حباستی ہیں۔اسس حصہ مسین ہم ایسے سادہ مساوی ادوار حساسس کرتے ہیں۔ اور  $R_2'+jX_2'$  کے دائیں منتقت کرنے سے شکل ۲۱ ساور  $R_1+jX_1$  کے دائیں منتقت کرنے سے شکل ۱۹ ساور  $R_2'+jX_2'$  کے دائیں منتقت ک کرنے سے شکل ۲۲ سے اصل ہوتے ہیں۔ <u>یونکی Î</u> کی مقید ارنہایت کم ۳ ہوتی ہے البذاایب کرنے سے نتائج پر سناص 

ی سے کا کھیا گیا ہے۔ ای قتم کے ادوار شکل ۲۰ سے بھی حساصل ہوتے ہیں۔  $X_m$ 

ا ٹرانسفار مسرکے کل برتی ہو جھ کاصر نیسے دوسے چھے فی صب دہو تاہے۔ $\hat{I}_{\mathcal{G}}$ 





۱۲ باپ۳۳. ژانسفار م**پ**ر



شکل ۲۳.۲۳ برانسفار مسرکے سادہ مساوی ادوار۔

... مسنویں میں دور حیاصل کرنے کی حیاط سر  $\hat{I}_{\varphi}$  کو صف تصور کر کے نظر انداز کیا جبا سکتا ہے۔ یوں میاوی دور میں  $R_c$  اور میں  $R_c$  کو کھلے دور تصور کرتے ہوئے دور سے ہیایا جبا سکتا ہے۔ مشکل  $R_c$  الف میں ایسا کیا گیا ہے۔ الف میں دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔ السان دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔ السان دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔

 $R_{ms}$  بی شروقت اس سے بھی کم در سنگی کے نتائج مطاوب ہوتے ہے۔ یوں  $R_{ms}$  کی بنا  $R_{ms}$  کو نظر راند از کرتے ہوئے شکل  $N_{ms}$  کا مسل کر انسفار مسر سال ہو گاج و  $N_{ms}$  کا مسل ٹر انسفار مسر سال ہو گاج و  $N_{ms}$  پر پور رااز تا ہے۔ کا مسل ہو گاج و  $N_{ms}$  بھی انسفار مسر سال ہو گاج و  $N_{ms}$  بر پور رااز تا ہے۔

# ۳.۱۱ کھلے دور معائن۔ اور قصسر دور معائن۔

گزشتہ حصبہ مسین ٹرانسفار مسرے مساوی ادوار پر بات کی گئی۔ ان مساوی ادوار کے احبیزاءٹر انسفار مسر کے دومعائنوں سے حسامسل کئے جبا سکتے ہیں جنہیں کھلا دور معائنہ اور قصسر دور معائنہ کہتے ہیں۔ اسس حصہ مسین ان معائنوں پر غور کسیا گیاہے۔

#### ا.۱۱.۱ کھلادور معیائن

کھلادور معیائے۔ ۱۲، جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹر انسفار مسر کی ایک حبانب کچھے کے سروں کو آزادر کھ کر کسیاحب تا ہے۔ سے معیائے۔ ٹر انسفار مسر کی بہندوٹی <sup>۱۷</sup> برقی دباواور تعددیاان کے متسریب قیبقوں پر کسیاحب تا ہے۔ اگر حپ ٹر انسفار مسر کے کئی بھی حبانب کچھے پر کھلے دور معیائے۔ سرانحبام دیا حباسکتا ہے، حقیقت مسین ایس کم برقی دباو کچھے پر کر نازیادہ آسان اور کم خطسرناک ہوتا ہے۔ یہ بات ایک مثال سے بہتر سجھ آئے گی۔

\_\_\_

open circuit test design design



مثال کے طور پر ہم A V،25 kV A 20 : 220 V،25 kV A کی دوری ٹرانسفار مسر کامعیائنہ کرناحپ ہے ہیں۔ یہ معیائنہ گسیارہ ہزار وولٹ کے لگ بھگ برقی دباواستعال ہو گاجب کہ دوسو ہیس برقی دباولچھ پر معیائنہ گسیارہ ہزار وولٹ کے لگ بھگ برقی دباواستعال کرناہو گا۔ دونوں صور توں مسیں تعدد ح H 50 H کے پر معیائنہ کرنے سے دوسو ہیس وولٹ کے لگ بھگ برقی دباواستعال کرناہو گا۔ دونوں صور توں مسیں تعدد ح H 50 H کے لگ بھگ رنائب ہیس خط رناک ثابت ہوسکتا ہے۔ یہی وجب ہے کہ کھلا دور معیائنہ کم برقی دباولچھے پر کسی حب تا ہے۔

 $V_t$  . يادرې يوځ نام ان کې مطلق موثر قيتول،  $\hat{I}_t = I_t / \phi_i$  اور  $\hat{V}_t = V_t / \phi_v$  يود باواور رو کې بات کرتے ہوئے نام ان کې مطلق موثر قيتول،  $\hat{V}_t$  اور  $\hat{I}_t$  يات کرتے ہيں۔

ی سنگل ۱۹.۵ مسیں باتیں ہاتھ کو کم برقی د باو والاحبانب تصور کریں۔ یوں  $V_t$  مت ام  $V_t$  پر منسر اہم کے حب کے گاجب کہ پیسائش  $I_{\varphi}$  منسر سنگل ۱۹.۵ در حقیقت  $\hat{I}_{\varphi}$  کی مطاق قیمت ہوگا اہند ا $I_1$  در حقیقت  $\hat{I}_{\varphi}$  کی مطاق قیمت ہوگا اہند ا $I_1$  در حقیقت  $\hat{I}_{\varphi}$  کی مطاق قیمت ہوگا اہند وگار کر دوگا ہوگا۔

$$I_t = I_1 = I_{\varphi}$$

اتیٰ کم برقی روسے کچھے کے رکاوٹ مسیں بہت کم برقی دباوگشتا ہے البندااسے نظر رانداز کسیاحباتاہے:

$$V_{R1} = I_t R_1 = I_{\varphi} R_1 \approx 0$$
$$V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$$

یوں جیب شنکل ۳.۱۹ سے ظاہر ہے  $R_c$  اور  $X_m$  پر تقسریب آ $V_t$  برتی دباوپایا جب کا ان حق اُق کو مد نظسر رکھتے ہوئے مشکل ۳.۲۸ سے مسل ہوتا ہے۔ مشکل ۳.۲۸ سے مسلک ۳.۲۸ صورانیا وہ آسان ہے۔

scalar

باب.۳. ٹرانسفار مسر

$$p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$$

 $R_c$  اس سے ٹرانسفار مسر کے مساوی دور کا حبزو

$$R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

درج ذیل کی بن

$$Z_t = \frac{\hat{V}_t}{\hat{I}_t} = \frac{V_t/\phi_v}{I_t/\phi_i} = \frac{V_t}{I_t}/\phi_v - \phi_i$$

فنسراہم کر دہ دباواور پیپ کُثیرو کاتٹ سیب درج ذیل ہوگا۔

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

اب شکل ۳.۲۳سے درج ذیل واضح ہے

$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

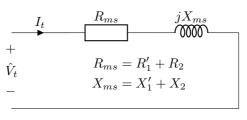
للبيذا

$$Z_t = \frac{jR_cX_m}{R_c + jX_m}$$
$$|Z_t| = \frac{R_cX_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$

ہوگا۔ یوں ٹر انسفار مسر کے مساوی دور کا جب زو  $X_m$ 

$$X_m = \frac{R_c |Z_t|}{\sqrt{R_c^2 - {|Z_t|}^2}} \label{eq:Xm}$$

 $X_m = -0.00$  اور ساوات  $X_m = -0.00$  کی قیمتیں حساس ہوتی ہیں۔  $X_c = -0.00$  اور  $X_c = -0.000$  کی قیمتیں حساس کی در سے ہوں گے۔ تب ادلہ رکاوٹ سے دو سری حبانب کی قیمتیں حساس کی حباستی ہیں۔ ور سری حبانب کی قیمتیں حساس کی حباستی ہیں۔



مشكل ۳.۲۵ قصسر دور معسائن.

#### ۳.۱۱.۲ قصسر دور معسائن

قصسر دور معسائے بھی کھلے دور معسائے کی طسر آٹر انسفار مسرے کئی بھی طسرونے مسکن ہے لیکن حقیقہ مسین اسے زیادہ برتی دباو کچھے پر کرنا آسیان ہو تا ہے۔ یہ معسائے ٹر انسفار مسر کے بین اوٹی برتی رویا اسس کے مسریب رو پر کسیا حباتا ہے۔

کسلے دور معائن۔ مسین مستعمل ٹرانسفار مسر کی بات آگے بڑھاتے ہوئے زیادہ برقی دباو کچھے کا بناوٹی رو A 2.2727 مورا اور کم دباو کچھے کا بناوٹی رو A 113.63 ہے۔ قصسر دور معائن۔ کم برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 113.63 جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 2727 در کار ہوں گے۔ حقیقت مسین A 2.2727 معائن۔ زیادہ آسان ہوگا۔

اسس معائن مسیں کم برقی دباو کچھے کے سسروں کو آپس مسیں جوڑ کر قصسہ دور کسیاحباتا ہے جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے کے بناوٹی دباو کی دباوٹی دباوٹی دباوٹی دباوٹی دبارہ کی صد دباو کا لاگو کر کے اسس کچھے کابرقی رویا اور منسر اہم کر دہ طباقت t پاپاحباتا ہے جنہیں بالت رتیب قصسہ دور رو اور قصسہ دور طباقت کہتے ہیں۔ قصسہ دور کچھے مسیں گزرتے برقی رو کا تکسس دوسری حباب و گارے کہا تھا ہوتا ہے۔

چونکہ ہے۔ معائنہ بہت کم برقی دباو پر سسرانحبام دیا حباتا ہے المہذا ہیجبان انگسیز برقی رو کو مکسل طور پر نظر سرانداز کسیاحب سکتا ہے۔ اسس معیائنہ کادور سشکل ۳۰۲۵ میں دکھیایا گسیاہے جبسان ہیجبان انگسیزرو کو نظر انداز کرتے ہوئے Rc اور  $X_m$  کو کھلے دور کسیا گسیا ہے۔ قعسر دور معیائنہ مسین سشکل ۳۰۲۰ کے بائیں ہاتھ کو کم برقی دباو حبانب تصور کرتے ہوئے ۷۷ کو ۷۷ کی جگہ لاگو کرناہوگا۔

برقی ط اُقت صرف مسزاحت میں ضائع ہوسکتاہے البیزاشکل ۲۵ سے درج ذیل کھا حباسکتاہے

$$p_t = I_t^2 R_{ms}$$

یوں ٹرانسفار مسرکے مساوی دور کا حسزو  $R_{ms}$  سامسل ہو تاہے۔

$$(r.rr)$$
  $R_{ms}=rac{p_t}{I_t^2}$ 

قصبر دور برقی رواور قصب ربرقی دباوی

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

۷۸ باب۳, ٹرانسفار مسر

جب کہ مشکل ۲۵ سے درج زیل لکھا حب سکتا ہے۔

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

یوں  $R_{ms}$  کی قیمت مساوات ۳۰۴ سے حبانتے ہوئے  $X_{ms}$  حساس ہوتا ہے۔

$$(r.rr)$$
  $X_{ms}=\sqrt{\left|Z_{t}
ight|^{2}-R_{ms}^{2}}$ 

مساوات  $R_1$  کل مسزا ہمت دیت ہے البت اس ہے  $R_1$  یا  $R_2$  ساسل نہیں کیا جب سکتا۔ ای طسر مساوات  $R_1$  کا مسئواہ ہمت کے جب سکتے۔ قصر دور مسائٹ ہے تاتی ہی معلومات حساسل کرنا مسکن ہے جو حقیقت مسیں کافی ثابت ہوتا ہے۔ جب ال ان احب زاء کی علیجہ دہ علیجہ دہ قیمتیں در کار ہوں وہال درج ذیل تصور کیا حب سکتا ہے جب سکتا ہے۔

$$R'_1 = R_2 = \frac{R_{ms}}{2}$$
  
 $X'_1 = X_2 = \frac{X_{ms}}{2}$ 

ٹرانسفار مسر معت نے ای معتام پر کیے حب تے ہیں جہاں ٹرانسفار مسر نسب ہو۔ یوں وہی برقی دباواستعال کرنا ہو گا جو وہاں موجود ہو۔ ہاں ضروری ہے کہ قصسر دور معتائیت مسین ٹرانسفار مسر کو بسناوٹی برقی دباوکا دو سے بارہ فی صد دیا جب ئے۔ مشالاً 11000 × 220 V × 11000 × 220 V × 1000 × 220 V × 1000 خرانسفار مسر کا کھلا دور معتائیت میں کی بھی ایک کر ہے۔ کو نگہ ہمارے ہاں 20 کو 120 کو 440 کی استعال کریں گئے۔ ای طسر ج دستیاب 220 کا استعال کرتے ہوئے کھلا دور معتائیت سرانجہام دیاجہ سکتا ہے۔

یاد رہے کہ ٹرانسفار مسر کی ایک حبانب کچھ کے سرے آپس مسیں جوڑ کر، لینی قصسر دور کر کے، دوسری حبان لیوا حبان لیوا حبانب کچھے پر کئی بھی صورت اسس حبانب کی پوری برقی دباولا گو نہیں بچھے گا۔ ایسا کرناٹ دید خطسرناک اور حبان لیوا ثابہ تا ہے، مکتا ہے۔

یادرہ کہ اُن معسائوں سے حساصل مساوی دور کے احب زاءای حبانب کے لئے درست ہوں گے جس حبانب انہاں معسائوں سے کہ اُن معسائوں کے جس حبانب انہاں کہ قسمتیں دوسری حبانب تبادلہ رکاوٹ سے حساصل کی حباسکتی ہیں۔ مثال ۲۳٪ ایک 25 کلووولٹ وایمپیئر، 220 : 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر حیلنے والے ٹرانسفار مسرکے کھلے دور اور قصب دور معسائے کے حباتے ہیں جن کے نتائج درج ذیل ہیں۔ ٹرانسفار مسرمساوی دور کے احب زاء تلاسش کریں۔

- کھلا دور معائن۔ میں کم برتی دباو حبانب V 220 لاگو کیا حباتا ہے۔ای حبانب برتی رو A 39.64 اور طاقت کاضیاع W 600 کی حباتے ہیں۔
- قصسر دور معائن مسین زیاده برقی دباه حبان ۷ 440 لاگو کیا حباتا ہے۔ای حبانب برقی رو A 2.27 اور طاقت کاخیاع W 560 کی جب تے ہیں۔

۱۲.۳. تین دوری ٹرانسفار مسسر

حسل کھلادور:

$$|Z_t| = \frac{220}{39.64} = 5.55$$

$$R_c = \frac{220^2}{600} = 80.67$$

$$X_m = \frac{80.67 \times 5.55}{\sqrt{80.67^2 - 5.55^2}} = 5.56$$

حبل قصبر دور:

$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83$$
 
$$R_{ms} = \frac{560}{2.27^2} = 108.68$$
 
$$X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160$$

اور  $X_{ms}$  کو کم برقی دباوحبانب منتقتل کرتے ہوئے  $R_{ms}$ 

$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 108.68 = 43.47 \, \mathrm{m}$$
 
$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 160 = 64 \, \mathrm{m}$$

لعيني

$$R_1 = R_2' = \frac{43.47 \text{ m}}{2} = 21.7 \text{ m}$$
  $X_1 = X_2' = \frac{64 \text{ m}}{2} = 32 \text{ m}$ 

 $\hat{V}_1$  سے جہاں ہوگا۔ ان نتائج سے حاصل کم برقی دباوحبانب مساوی دور مشکل ۳.۲۲ مسیں دکھیایا گیا ہے جہاں  $\hat{V}_1$  کم برقی دباووالی حبانب ہے۔

۳.۱۲ تین دوری ٹر انسفار مسر

اب تک ہم یک دوری کا ٹرانسفار مسر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت مسیں برقی طاقت کی منتقلی مسیں عسوماً تکری دوری ٹرانسفار مسر یک کھے رکھ کر بنایا دوری ٹرانسفار مسر اکٹھے رکھ کر بنایا

single phase 14 three phase 14

۸۰ پاپ۳۰ برانسفار مسر





شکل ۱:۳.۲۷ یک جی وتالیدیر تین ٹرانسفار مسر۔

حب سکتا ہے۔ یوں ایک ٹرانسفار مسر حنسرا ہونے کی صورت مسین اسس کو ہٹ کر ٹھیک کرنے کے دوران باقی دو ٹرانسفار مسر سر سال کے حب سکتے ہیں۔ تین دوری ٹرانسفار مسر بننے کا اسس سے بہتر طسریق مشکل ۳.۲۷ مسین وکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقت طیبی وت الب پر شیخوں ٹرانسفار مسر کے لچھے لیٹے گئے ہیں۔ اسس شکل مسین  $\hat{V}_{i1}$  مسین میں گرانسفار مسر کا ابت دائی لچھا اور آپھو نے پہلے ٹرانسفار مسر کا جو نے ہیں اور آپ کوروز مسرہ زندگی مسین یہی نظر آئیں گے۔ ان مسین برتی ضیاع بھی نسبتاً کم ہوتا ہونے کی وجب سے عمام ہو گئے ہیں اور آپ کوروز مسرہ زندگی مسین یہی نظر آئیں گے۔ ان مسین برتی ضیاع بھی نسبتاً کم ہوتا ہونے کی وجب سے میں تین ٹرانسفار مسید کے گئے ہیں اس ٹرانسفار مسید کی سین کی مسین میں مسین میں تو نی ٹرانسفار مسید کے اس کا کہ کی استان ٹرانسفار مسید کی سین مسین میں ٹرانسفار مسید کی سین مسین میں ٹرانسفار مسید کی مسین میں ٹرانسفار مسید کی مسین میں ٹرانسفار مسید کی کھر آپس مسین

سٹکل ۳.۲۸ الف مسین تین ٹرانسفار مسر دکھائے گئے ہیں۔ان ٹرانسفار مسروں کے ابت دائی کیجے آگیس مسین دو طسریقوں سے جوڑے جبا کتے ہیں۔ای طسرت ان کر ان کر ان کانوں کیجے بھی انہیں دو طسریقوں سے جوڑے جبا سکتے ہیں۔یوں انہیں درج ذیل حیار مختلف طسریقوں سے جوڑے حباسکتے ہیں۔یوں انہیں درج ذیل حیار مختلف طسریقوں سے جوڑاحباسکتا ہے۔

- $Y:\Delta$  تستاره: تکونی  $\bullet$
- Y:Y ستاره: ستاره
  - $\Delta:\Delta$  تکونی: تکونی •

star connected delta connected delta connected

۱۲ سب. تین دوری ٹرانسفار مسسر



<del>شکل ۲۸ . ۲۱: تین دوری ستاره - تکونی ٹر انسفار مسر</del>

#### $\Delta: Y$ تکونی:ستاره $\Delta: Y$

سشکل ۳۰۲۸ مسیں  $\Delta: Y$  ٹرانسفار مسرد کھسایا گیاہے جس مسیں بایاں ہاتھ Y اور دایاں ہاتھ  $\Delta$  حبٹرا ہے۔ یوں Y کستے ہوئے Y کستے ہوئے Y کستے ہوئے Y کستے ہوئے ابت دائی کست حب تا ہے۔ جیس پہلے ذکر ہو چکاہے ہم امشکال مسیں ٹرانسفار مسر کا ابت دائی طسر نہ ہوئے ابت دائی کو کا ابت دائی کو کسی کے بیان ہے ہوئے ابت دائی کو کہا تھے ہوئے ابت دائی کو کسی کے بیان ہے بیان ہے بیان ہے بیان ہے بیان ہے بیان ہے ہے۔

سشکل ۲۸ بس-الف مسیں تین ٹرانسفار مسروں کے ابت دائی کچھوں کو ستارہ نمس جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ثانوی کچھوں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔ سشکل - ب مسیں شین ول ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھوں کو ستارہ نمسا دکھیا گیا ہے۔ ای طسرح ثانوی کچھوں کو تکونی دکھیا گیا ہے۔ان اسشکال کی وجب ہے اسس طسرز کے جوڑ کو ستارہ نمساجوڑ اور تکونی جوڑ کتے ہیں۔

ایب سشکل بناتے ہوئے ہرٹرانسفار مسر کے ابت دائی اور ثانوی کچھے کو ایک بی زاوی پر دکھیا جباتا ہے۔ یوں شکل سنگل ۳.۲۸ الف مسین بالائی ٹرانسفار مسر، جس کے ابت دائی سسرے an اور ثانوی سسرے گونا ہیں، کو شکل ۳.۲۸ سسین صف رزاوی پر دکھیا گیا ہے۔ تین دوری ٹرانسفار مسروں کو اسس طسرح کی عسلامتوں سے ظاہر کیا حباتا ہے اور ان مسین صناب نہیں دکھیا جباتا۔

ٹر انسفار مسرکے جوڑ بیان کرنے وقت بائیں جوڑ کو پہلے اور دائیں جوڑ کو بعد مسین پکارتے ہیں۔ یوں مشکل ۲۰۳۔ ب مسین ٹر انسفار مسر کو ستارہ- تکونی حبڑا ٹر انسفار مسریا مختصر اً ستارہ- تکونی ٹر انسفار مسر کہسیں گے۔ ای طسرح استدائی حبانب کو بائیں اور ثانوی حبانب کو دائیں ہاتھ بسنایا حباتا ہے۔ یوں اسس مشکل مسین ابت دائی حبانب ستارہ نمس ہے۔ جب کہ ٹانوی حبانب تکونی ہے۔

ستارہ نما سے حیار برقی تاریں نکلتی ہیں۔ان مسیں مشتر کے تاری کو عصوماً ٹرانسفار مسر کے نزدیک زمسین مسیں

با**ــــــ۳**. ٹرانسفارمــــر ۸٢

گہرائی تک دھنیا جب اس تار کو **زمینی تار**ائیا صرف **زمین ت**ارکی است میں اے مٹھنڈ ک<mark>ی تار<sup>22</sup> کہتے ہی</mark>ں۔ باقی تین تاریںa,b,cم **مارa,b,c** 

ٹرانسفار مسرے کچھے پربرتی دباو کو یک دوری برقی دباو<sub>یدری</sub> ک<sup>۵۷</sup> کہتے ہیں اور کچھے مسین برتی رو کو یک دوری برقی رو<sub>یدری</sub> کا ا کتے ہیں۔ جب یہ ٹرانسفار مسرسے ماہر نکلتی کسی دوگرم تاروں کے ﷺ برقی دما**و کوگار کا برقیر دماو**یہ  $\hat{V}^2$ کتے ہیں اور کسی بھی گرم تار مسیس برقی روکومار کا برقی رویه (^^ کہتے ہیں۔ زمسینی تار مسیں برقی رو کوزملینی برقی روز ہے (^ ^ کہتے ہیں۔ ستاره Y حبانب یک **دوری** معتداردن اور **نا**رکے معتدارون کا تعسلق درج ذیل ہوگا۔

(m.mm) 
$$V_{x} = \sqrt{3}V_{\zeta_{0,0}\zeta_{0}}$$
 
$$I_{x} = I_{\zeta_{0,0}\zeta_{0}}$$

تکونی  $\Delta$  حبانہ بکہ دوری اور تار کی مقت داروں کا تعباق درج ہے۔

$$V_{
m ,ra} = V_{
m Gask}$$
  $I_{
m ,r} = \sqrt{3} I_{
m Gask}$   $I_{
m color} = \sqrt{3} I_{
m Gask}$ 

اوات ۳۴۲ اور ماوات ۳۸۵ وری سمتیر کے رشتے نہیں بلکہ غیبر سمتی مطلق قیتوں کے رشتے دی ہیں۔ان ر شتوں کو مشکل ۲۹ .۳مسیں د کھیا ہاگیا ہے۔مساوات ۴۸ ،۳۱ور مساوات ۳٫۴۵ سے درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

$$(r,r)$$
  $V_{
m lt}I_{
m lt}=\sqrt{3}V_{
m Gast}I_{
m los}$  روم

یک دوری ٹرانسفار مسر کے وولٹ و ایمپیئر <sub>کدوری</sub>  $I_{\lambda k c, c}$  ہوتے ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مسر مسل کر ایک عسد دتین دوری .. ٹرانسفار مسرب نے ہیں لہذا تین دوری ٹرانسفار مسر کے وولٹ وایمپیئر تین گناذیل ہوں گے۔

$$(\textbf{r.r2})$$
  $= 3V_{\text{Jt}}I_{\text{Jt}} = 3 imes \frac{V_{\text{Jt}}I_{\text{Jt}}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}V_{\text{Jt}}I_{\text{Jt}}$ 

ب مساوات تاین دوری ادوار مسیں کشرے سے استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مسے رجس طسرح بھی جوڑے حبائیں وہ اپنی بنیادی کار کردگی تب دیل نہیں کرتے ہیں المبذا انہیں ستارہ نمسایا تکونی جوڑنے کے بعبہ بھی ان مسیں ہر ایکٹٹرانسفار مسرانفنسرادی طور پر صفحہ ۵۲ پر دئے مساوات 19 ۳۱ور صفحہ ۷۰ پر دئے مساوات ۳۹ سیریورااترے گا۔انہیں استعال کرکے سشکل ۳۰۲۹مسیں دیے گئے ٹرانسفارمسروں کے ابت دائی اور ثانوی  $a=N_1/N_2$ ب دوری اور تارکی معتبداروں کے رہنے جب اصل کئے جب است شکل میں ہیں۔ ہے جہاں  $N_1:N_2$ ان مسیں ایک دوری ٹرانسفار مسر کے حیکر کاتٹ اسپ ہے۔ تین دوری ٹرانسفار مسریر گلی مختی پر دونوں حیانی تارکے برقی د ماو کاتٹ اسے لکھیا حیا تاہے۔

ground, earth,neutral21

neutral2" live wires20

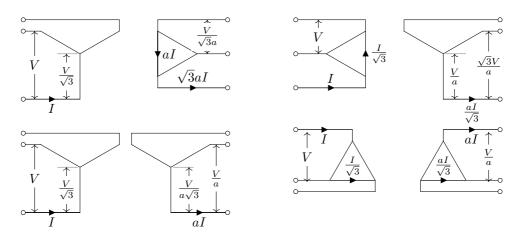
phase voltage<sup>∠۵</sup>

phase current27

line to line voltage 44

line current<sup>2</sup> ground current4

۱۳.۱۳ تين دوري ٹر انسفار مسر



#### شکل ۲۹.۳: ابت دائی اور ثانوی حبانب تار اور یک دوری مت داروں کے رہتے۔

شکل ۳.۲۹میں ستارہ- تکونی ٹرانسفار مسر کی تاریر برتی دباو کاتٹ سب

$$rac{V_{\zeta^{ec{j}}}}{V_{\zeta^{ec{j}}}}=\sqrt{3}a=\sqrt{3}\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

بب که ستاره-ستاره کا

$$rac{V_{ec{\mathcal{V}}_{\mathcal{G}^{ec{\mathcal{V}}^{ec{\mathcal{V}}}}}}{V_{\mathcal{G}^{ec{\mathcal{V}}^{ec{\mathcal{V}}}}}=a=\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

نگونی-ستاره کا

$$rac{V_{\dot{\mathcal{G}}^{j}\dot{\mathcal{G}}^{j}}}{V_{\dot{\mathcal{G}}^{j}\dot{\mathfrak{F}}}}=rac{a}{\sqrt{3}}=rac{1}{\sqrt{3}}\left(rac{N_{1}}{N_{2}}
ight)$$

اور تکونی- تکونی کادرج ذیل ہو گا۔

$$rac{V_{ec{\mathcal{V}}_{\mathcal{G}^{ec{\mathcal{V}}^{ec{\mathcal{V}}}}}}{V_{\mathcal{G}^{ec{\mathcal{V}}^{ec{\mathcal{V}}}}}}=a=\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

مثال ۱۳۰۸: یک دوری تین یک ل ٹرانسفار مسرول کو ستارہ - تکونی کY = Y جوڑ کر تین دوری ٹرانسفار مسرب یا گیا ہے۔ یک دوری ٹرانسفار مسرکی برقی سکتے ۔ گوری ڈیل ہے:

 $50 \, \text{kV A}, \quad 6350:440 \, \text{V}, \quad 50 \, \text{Hz}$ 

rating ^\*

۸۴ باب. ۳۰ برانسفار مسر

ستارہ- تکونی ٹرانسفار مسر کی ابت دائی حبانب 11000 وولٹ تین دوری دباو تار لا گو کسیا گسیا۔ اسس تین دوری ٹرانسفار مسر کی ثانوی حبانب دباو تار معسلوم کریں۔ حسان جسم ایک عصد دیک برانسفار مسر پر نظسر رکھ کر مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے حسان کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے دوری ٹرانسفار مسر کے مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے دوری ٹرانسفار مسر کے دوری ٹرانسفار مسر کے دوری ٹرانسفار مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے دوری ٹرانسفار مسلم کے دوری ٹرانسفار مسر کے دوری ٹرانسفار مسر کے دوری ٹرانسفار مسلم کے دوری ٹرانسفار مسلم کریں گوئی کریں کریں گوئی کریں گوئی کریں گوئی کریں گوئی کریں کریں گوئی کریں

 $\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$ 

مساوات ۴۴ سے دباو تار درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

حيكر كاتت سيد درج ذيل ہو گا۔

 $V_{\rm traffic} = \sqrt{3} \times 6350 \approx 11\,000\,{\rm V}$ 

یک دوری ٹرانسفار مسرکی ٹانوی حبانب ۷ 440 ہوں گے جس کو مساوات ۱۹۔۳ کی مدد سے بھی حساسل کیا حباسکتا ہے۔

$$V_{\mathcal{G}^{j}} = \frac{N_2}{N_1} V_{\mathcal{G}^{j}} = \frac{440}{6350} \times 6350 = 440 \,\mathrm{V}$$

ثانوی حبانب تین یک دوری ٹر انسفار مسرول کو تکونی جوڑا گیا ہے۔ یوں مساوات ۳۸۵ سکی مدد سے ثانوی دباو تاریجی ہو گا۔ تین دوری ٹرانسفار مسرکے دباو تار کاتساسب درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{V_{\text{jt},(\dot{b},\tau)}}{V_{\text{jt},(\dot{b},\tau)}} = \frac{11000}{440}$$

یک دوری ٹرانسفار مسر 50 کلو وولٹ و ایمپیئر کا ہے المہذا تین دوری ٹرانسفار مسسر 150 کلو وولٹ و ایمپیئر کا ہو گا۔ یوں تین دوری ٹرانسفار مسسر کی سکت ''درج ذیل ہوگی۔

 $150 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$ ,  $11000 : 440 \,\mathrm{V}$ ,  $50 \,\mathrm{Hz}$ 

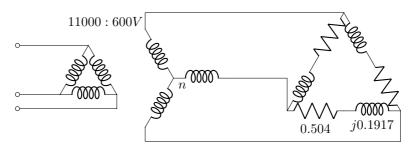
ٹر انسفار مسر شختی ۱<sup>۸</sup> پر ٹر انسفار مسر کی سکت بسیان ہوتی ہے۔ اسس شختی پر تین دوری ٹر انسفار مسر کے دونوں حبانب دباو تار لکھیا حیاتا ہے ہند کہ کچھوں کے حسکر۔

ستارہ-ستارہ ٹرانسفار مسیں تین دوری برقی دباوے بنیادی احب زاء آپس مسیں °120 زاویائی مناصلے پر جبکہ تیسرے موسیقائی احب زاء آپس مسیں ہم مسیر ہم ت ہیں۔ متالب کی عنسیر تدریجی مناصیت کی بہن ٹرانسفار مسیں ہم مسیر ہم مسیر ہم میں ہوتے ہیں۔ تیسری موسیقائی احب زاء ہم مسیری موسیقائی احب زاء ہی وجب سے جمع مسیر ہم کر برقی دباوکا ایک بڑامون پسید اگرتے ہیں جو کبھی کبھیار برقی دباوے بنیادی حبزوسے بھی زیادہ بڑھی اہوتا ہے۔اسس وحب سے استارہ-ستارہ ٹرانسفار مسرعیام طور استعال نہیں ہوتا ہے۔

باقی تین قتم حبڑے ٹرانسفار مسسروں مسیں تکونی جو ٹپایا حباتا ہے جس مسیں تنیسے ری موسیقائی احبزاء کی موج گرد شی رو پیسد اکرتی ہے۔ سے گرد ثی رو تنیسے ری موسیقائی احبزاء کی موج کے اثر کو حستم کرتا ہے۔

rating<sup>^1</sup> name plate<sup>^r</sup>

۱۲ س. تین دوری ٹرانسفار مب ر



شکل ۳۰۰ ۳. ٹرانسفار مسر تکونی متوازن بوچھ کوط قت فنسراہم کر رہاہے۔

تین دوری ٹرانسفار مسر کے متوازن دور حسل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مسر ستارہ حسٹرا ہے۔ یوں یک دوری برقی رو، تار کا برقی رو ہو گا اور یک دوری لاگو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ ای طسر تر ہم اسس پر لدے برقی بوچھ کو بھی ستارہ حسٹراتصور کرتے ہے۔ یوں تین دوری دورکی بحبائے ہم نسبٹا آسان یک دور حسل کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر خور کرنا آسان ہو جب تاہے۔ آئیں ایک مشال ہے اسس عمل کو مسجھیں۔

کرنا آسان ہو حب تا ہے۔ آئیں ایک مثال سے اسٹ عمسل کو مستجھیں۔ مثال ۹.۳: سشکل ۳۳.۳مسیں تین دوری ۲: ۵۰،000 کلووولٹ وایمپیئر ، 600 : 11000 دولٹ اور 50 ہر ٹزپر جیلنے والا کامسل ٹرانسفار مسسر تین دوری متوازن تکونی یوجھ کوطب اقت مہیا کر رہا ہے۔ یوجھ کاہر حصہ 70.1917 و 50.4 کے برابر ہے۔

- اسس مشکل مسیں تمام برقی رومعسلوم کریں۔
  - برقی بوجه <sup>۸۳</sup> کو در کار طباقت معسلوم کریں۔

حل: بہلے تکونی بوجھ کوستارہ بوجھ مسیں تب دیل کرتے ہیں:

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

ستارہ بو جھ کو شکل ۳.۳۱ میں دکھیایا گیا ہے جہاں ایک برقی تاریجے نقط دار لکسیر سے ظہر کیا گیا ہے کو گرانسفار مسر کی ذمین نقط ہے بوجھ کے مشتر کہ سرے کے در میان حسٹراد کھیایا گیا ہے۔ متوان دور میں اسس تار مسین برقی روصن ہوگا۔ حسل کرنے کی نیسے ہم اسس متوازن دور سے یک دوری حصہ لے کر حسل کرتے ہیں۔ مسین برقی رومسارہ بوجھ پریک دوری دباو 346.41 ہوگا ہیں۔ مسین برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 \underline{/-20.825^\circ}$$

اوریک دوری طباقت درج ذیل ہو گی۔

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^{\circ}) = 624007 \text{ W}$$

electrical load

۸۲ باب ۳٫ ٹرانسفار مسر



کل طباقت تین گٹ ہو گا یعنی 1872 kW اور اسس پوچھ کا حب زوط قت ی<sup>۸۸</sup> درج ذیل ہو گا۔

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

تكونى يو جھەمسىيں برقى رو1112.7 = 1112.<u>262 مىي</u>ى برقى رودرج الىم يېيئر ہو گا۔ ٹرانسفار مسىر كى ابت دائى جبانب برقى تارول مسين برقى رودرج ذيل ہو گا۔

$$\left(\frac{600}{11000}\right) \times 1927.262 = 105.12\,\mathrm{A}$$

اسس مثال مسیں حبزوط اقت 0.93467 ہے۔ اسس کتاب کے لکھے وقت پاکستان مسیں اگر صنعتی کار حنانوں کی برقی ہوچھ کی حبزوط اقت 0.9 کے کم ہوجائے توبر قی طباقت منسراہم کرنے والا ادارہ (وایڈا) حبرمان نان ذکر تاہے۔

# ٣.١٣ ٹرانسفار مسرحپالو کرتے کمحہ زیادہ ہیجبان انگیپزبر قی رو کا گزر

جم دیکھ جی ہیں کہ ٹرانسفار مسر کے وتالب مسیں سائن نما کثافت مقت طبی بہاوہ  $B=B_0\sin\omega t$  ، کی صورت مسین درج ذیل کھی حب سکتا ہے جہاں آمنسری وت مربی  $NA_cB_0$  کو  $NA_cB_0$  کہا گیا ہے۔

$$\begin{aligned} v &= e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t} \\ &= \omega N A_c B_0 \cos \omega t \\ &= V_0 \cos \omega t \end{aligned}$$

power factor Ar

يوں درج ذيل ہو گا۔

(r.ar) 
$$B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

ے مساوات برفت رار حیالو<sup>۸۸ ٹ</sup>رانسفار مسرکے لئے درس<u>ت ہے</u>۔

تصور کریں کہ ایکٹٹر انسفار مسسر کو حیالو کپ حبار ہاہے۔ حیالو ہونے سے پہلے ت الب مسیں مقت طیبی بہب وصف ہے جو لمحب حب الویر بھی صف ررہے گا۔

لمحب حب الویرٹرانسفار مسرپرلا گوبر قی دیاو درج ذیل ہو گا۔

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

یوں  $NA_c \frac{\partial B}{\partial u}$  کو درج ذیل لکھا حساسکتا ہے۔

$$V_0 \cos(\omega t + \theta) = NA_c \frac{\partial B}{\partial t}$$

ترتىپ نوكے بعبد درج ذمل تكمل سيامسل كسيامسالتاہے۔

$$B = \frac{V_0}{NA_c} \int_0^t \cos(\omega t + \theta) \, \mathrm{d}t = \frac{V_0}{\omega NA_c} [\sin(\omega t + \theta) - \sin\theta]$$

mاس طسرح heta=0 کی صورت مسیں heta کی زیادہ تیمت  $heta=\frac{\pi}{2}$  پر حساس ہو گی جو مساوات heta=0میں دی گئی قبہ کے عبین برابرہے:

$$B$$
بين  
ز =  $rac{V_0}{\omega N A_c} [\sin(rac{\pi}{2}+0)-\sin 0] = rac{V_0}{\omega N A_c}$ 

اس کے بر عکس  $heta=-rac{\pi}{2}$  کی صورت مسیں B کی زیادہ سے زیادہ قیت  $t=\pi$  پر حساس کہ وگی جو مساوات ۵۲ سمبیر ردی گئی قیمت کی د گئی ہے:

$$B_{\dot{\tau}\dot{\omega}\dot{\tau}} = \frac{V_0}{\omega N A_c} [\sin(\pi - \frac{\pi}{2}) - \sin(-\frac{\pi}{2})] = \frac{2V_0}{\omega N A_c}$$

یعنی کثافت مقت طیسی بہب و کاطول معمول سے دگت ہو گا۔ ان دو قیمتوں کے نیچ  $\theta$  کی کسی بھی قیب کے لئے زیادہ کثافت مقت طیسی ہے۔ اوان دوحہ دول کے بیچرہتاہے۔

B - Hفط غیر بیندر ت $\mathcal{B}$ بڑھتاہے ا $\mathcal{B}$ د گنارنے کی مناطب ہو کا گنابڑھا ناہو گا، جو کھے مسیں محسر کے برقی روبڑھانے ہے ہوگا^^یہاں صفحہ ۳۳ پر د کھائے شکل ۲۰۱۷ سے رجوع کریں۔ توی ٹرانسفار مسرول مں ہیں بیجیانی کثافت مقت طیسی بہب و کی چوٹی  $1.3 \leq B_0 \leq 1$  ہوتی ہے۔ یوں لمحہ حیالو پر کثافت مقت طیسی بہب او ک 2.6 ٹسلاتک ہو سکتی ہے جس کے لئے در کار بیبان انگیے زبر قی رو ۸۸بہت زبادہ ہو گی۔

<sup>2000</sup> کاودولہ وائمپیئر ٹرانسنار مسرے حیالوکرتے وقت تھسر تھسر ابہ کی آواز آتی ہے

۸۸ باب۳ برانسفار مسر

# باب

# برقی اور میکانی توانائی کاباہمی تب دلہ

بر قی رویامقت طبی بہب و کی مدد سے برقی توانائی کومیکانی توانائی کوبر قی توانائی مسیس مختلف مشین سبدیل کرتے ہیں۔ پیپ کئی آلات، لاؤڈ سپیکر، مانکر وفون، وغسیرہ نہبایت کم طباقت کا سبادلہ کرتے ہیں جب ریلے ا، برقی مقت طیسس، وغیسرہ، قوت پیدا کرتے ہیں۔ کئی مشین، جن مسیس برقی موٹر اور جنسریٹ سٹسر سٹ سل ہیں، ایک قتم کی توانائی کو دوسسری قتم کی توانائی مسیس مسلسل میں بل کرتے ہیں۔

اسس باہے مسیں مقت طبیحی ہیںاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر خور کسیا حبائے گا۔ برتی رو کی مدد سے بھی توانائی کا تبادلہ سمجھاحباسکتاہے جس کا تذکرہ اسس کتاہے مسیں نہیں کسیاحبائے گا۔

اسساب مسین ہم وہ اہم تراکیب نسیکھیں گے جو انجنیئری مسائل حسل کرنے مسیں مد د گار ثابت ہوں گے۔

# ا. ۴ مقن طیسی نظام مسیں قوت اور قوت مسروڑ

برقی میدان E میں برقی بار p پر درج ذیل قوت اثر انداز ہوگی۔

$$(r.1)$$
  $F = qE$ 

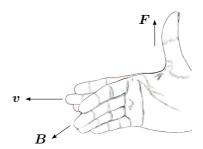
مثبت برقی بار پر قوت برقی شد سے E کے رخ ہوگی جب کہ مفی بار پر قوت E محت الف رخ ہوگی۔ مقت طبیعی مید بان مسیں متحسر ک بار q ، جس کی سمتی رفقار q ، جس کی سمتی رفتار q ، جس کی برقی رفتار و برا رفتا

$$(r.r)$$
  $oldsymbol{F} = q \, (oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})$ 

مثبت برتی بار پر توت کارخ دائیں ماتھ کا قانون اور گارٹ کل ۲۰۱۱)۔ دائیں ہاتھ کے انگوٹھے کو باقی انگیوں کے ساتھ بر وست را دست کی میں انگیوں کے ساتھ بر وست کر گے ، چھوٹے زاوی پر گھساکر ، B کے رخ موڑنے سے انگوٹٹ F کا رخ دیگا۔ منتی بار پر توت محسالہ ، کا کست منتی بار پر توت محسالہ ، کا کا ہے۔ منتی بار پر توت محسالہ ، کا کا کہ ہوگی۔

right hand rule

relay velocity



یہاں سمتی رفت ارq اور B گئے۔ برقی اور مقت طیسی (دونوں) میدان مسیں حسر کت پذیر بار پر قوت مساوات  $^{\prime\prime}$  اور مساوات  $^{\prime\prime}$  کے محب وعہ ہے حساصل ہو گی جس کومساوات **لورینز 'کتے ہی**ں۔

$$(r.r)$$
  $F = q(E + v imes B)$  مساوات لوریت ز

$$\begin{split} \boldsymbol{F} &= q \left( \frac{\mathrm{d} \boldsymbol{L}}{\mathrm{d} t} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= \frac{q}{\mathrm{d} t} \left( \mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \end{split}$$

جباں  $i=q/\,\mathrm{d}t$  کھے ہوئے درج ذیل ہوگا۔

$${m F}=i\left({
m d}{m L} imes{m B}
ight)$$

مثال ا.۷: شکل ۴.۲ مسیں ایک حیکر کے گیا ملک مصیں ایک حیکر کے گئی ایک مقت طیمی میدان مسیں دکھیایا گیا ہے۔ کچھے کا ردانس 15سم، 0 تا می محوری کمب کی 50سم اور اس مسیں برقی رو5 ایمپیئر ہے۔ کثافت مقت طیمی بہب و کو نقط دار نوکسیلی لکے روں سے شمالی قطب سے جنوبی قطب کے رخ دکھیایا گیا ہے۔ اگر کثافت مقت طیمی بہب او 5.5 کشلا ہوتب

- کچھے کے اطبران پر قوت دریافت کریں اور
  - کچھے پر قوت مسروڑ au دریافت کریں۔

Lorenz equation



شکل ۲.۲:۱یک حیکر کے لیھے پر قوت اور قوت مسروڑ

حسل: مشکل-الف اور ب مسین کارتیبی اکائی سمتیات و کھائے گئے ہیں۔ برقی تاریح سسروں کو نظر انداز کرتے ہوئے اے ایک بنند مستطیل تصور کرتے ہیں۔ یوں سشکل-الف مسین برقی روئے رخ تاریح اطسران کی سسمتی لمبائیاں درج ذیل ہوں گی جہاں 1 محوری لمبائی ہے

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{ ext{x}} \end{aligned}$$

جب کہ  $B=B_0 a_x$  ہوگا۔ ان مسین  $a_{
m x}$  اور  $a_{
m y}$  اکائی سمتیات ہیں۔ یوں مساوات  $a_{
m y}$  کے تحت ان اطسراف پر قوت (یوٹن) در جن ذیل ہوگا۔

$$egin{aligned} m{F}_{bc} &= i \left( m{L}_{bc} imes B_0 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 5 \left( 0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= -1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{cd} &= 5 \left( -0.3 m{a}_{
m x} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 0 \\ m{F}_{de} &= 5 \left( -0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{eb} &= 0 \end{aligned}$$

ہم دیکھتے ہیں کہ صرف محوری اطسراف پر قوتیں پائی حباتی ہیں جنہ میں سٹکل ۲۰۸ ب مسیں دکھایا گیا ہے۔ شکل ۲۰۲ الف اور ب مسین b اور e کے چھناصلہ 2r ہے۔ محوری اطسراف پر اثر انداز قوت، مسروڑ پیدا کرتی ہیں جس کارخ دائیں ہاتھ کے متانون سے حصاص ہوگا۔ منتطیل تاریر توت مسروڑ (نیوٹن میٹر) درج ذیل ہوگا۔  $au=(1.375)(2)(0.15)(\sin\theta)m{a}_{
m y}$   $=0.4125\sin\thetam{a}_{
m y}$ 

مساوات ابن تامساوات ہوتا ہے۔ حقیقی مشینوں مسین مسکن ہوتا ہے۔ حقیقی مشینوں مسین مسکن ہوتا ہے۔ حقیقی مشینوں مسین ان مساوات سے قوت تقسین کرنامشکل ثابت ہوتا ہے۔ آئیں ایک ایک ترکیب مسکھتے ہیں جس سے ہم مختلف مشینوں مسین پائی حبانی والی قوتیں تقسین کر سکیں۔ اسس ترکیب کانام ہم **توانا کی** <sup>6</sup>ہے جو توانائی کے اٹل ہونے پر مسبنی ہے۔

گومتی برتی مشین عسوماً دو کچھوں پر مشتل ہوتی ہیں۔ان مسین ایک لچھامشین کے ساکن حصہ پرلیٹ ہوتا ہے جسس کی بنت سے ساکن رہت ہوتا ہو اس کو لچھا کہ کہتا ہے۔ دوسر الچھامشین کے گومتے حصہ پرلیٹ ہوتا ہے اور مشین گومنے سے سے بھی گھومت ہے۔اس کو گھومتا کچھا کہتے ہیں۔ان کچھوں کو دوعہ درمقن طیسس تصور کرتے ہوئے ایسی مشینوں کی کار کر دگی باآس نی سمجھی حباستی ہے۔

جس طسر S دومقت طیسس اگر فت ریب لائے حبائیں توب کو مشش کرتے ہیں کہ ایک کاشمال N دوسسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

موٹر کے دو کچھ مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ ہم حبانے ہیں کہ ایک مقناطیس کے شمال N اور دوسرے کے جنب کے قات کشش پائی حباتی ہیں۔ ہم حبانے ہیں کہ ایک مقناطیس ہباو گھوٹے کے مقناطیس ہباو سے پچھ آگے رہ کر اسے کھنے کرکام کرتا ہے۔ جنسریٹ مسیں اسس کے بر عکس گھومت کچھ، ساکن کچھے پرکام کرتے ہوئے اسس مسیں برقی وباو پیدا کرتا ہے۔

توانائی کے طسریقے کو مشکل m, m کی مدد سے مجھا حبا سکتا ہے۔ یہب سی مقت طیسی نظام کو ایک ڈب مانٹ دو کھایا گسیا ہے۔ اسس نظام کو برق توانائی مہیا کی حباتی ہے جس کو سے میکائی توانائی مسیں تبدیل کر تا ہے۔ یہب ال برق توانائی کے متغیرات و ناصلہ x اور میدانی قوت  $F_m$  ہیں۔ اسس مشکل مسیں بائیں یعنی ابت دائی یا اولین حبانہ i کارُن آبار سے اندر ہے جب دائیں یعنی ثانوی حبانہ f کارُن آندر سے باہر رخ ہے۔ سے بائیں یعنی ثانوی حبانہ f کارُن آندر سے باہر رخ ہے۔ سے برائی المنسار مسردور کے مشکل کے m کی مانٹ دیے۔

جہاں نظام مسیں توانائی کے ضیاع کو ذخیرہ توانائی سے علیحہدہ کرنامسکن ہو وہاں توانائی کے ضیاع کو ہیںرونی رکن تصور کیاحب تا ہے۔ مشکل ۲۰٫۲مسیں ایک ایسابی نظام دکھایا گیا ہے جس مسیں کچھابرتی نظام اور حسر کی حصہ میکانی نظام کو ظاہر کرتے ہیں اور کچھ مسیں توانائی کے ضیاع کو ہیںرونی مسزاحیہ ہے ظاہر کہا گیا ہے۔

توانائی کا بنیا دی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی حب سے تی ہے اور ناہی اے تب ہ کی حب سکتا ہے۔ اسس کو صرف ایک فتح مے دوسسرے فتم کی توانائی میں تبدیل کسیا حب سکتا ہے۔ یوں نظام کو منسراہم برقی توانائی میں زخسید ملک کا ایک حصب میکانی توانائی میلی  $\partial W$  مسیں تبدیل ہو گاجب کہ اسس کا دوسسراحسس، مین طیبی  $\partial W$ ، مقن طیبی میں دان مسیس ذخسیرہ ہو گا اور باقی

co-energy

stator coil

rotor coil2



#### مشکل ۲۰.۳٪ برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تب دلہ کانظام۔



شکل ۴.۴: قوت پیداکرنے والا آلا۔

حسہ، من کی کام نے آکے گا: حسریقوں سے صن کُع ہو گیا جو ہمارے کی کام نے آکے گا:  $\partial W_i$ 

برقی توانائی کے ضیاع کو نظہ رانداز کرتے ہوئے

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\lambda}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\lambda}} + \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\lambda}} + \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\lambda}}$$
 در ما

 $2 \partial t$ کھے جس کو  $\partial t$ ے تقسیم کرکے

$$\frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\angle}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\angle}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\angle}}}{\partial t}$$

کھے حب سکتا ہے جو تو انائی کی بحب نے طب قت کی بات کرتی ہے۔ اسس مساوات کے بائیں ہاتھ برقی طب قت کو eig اور دائیں ہاتھ میکانی حصہ مسین  $\partial W$  کھو کر ہائی جہ میکانی حصہ مسین کا میں جب کا میکانی حصہ مسین کا میکانی حصہ میکانی حصہ مسین کی جو تو تو اور دائیں میکانی حصہ مسین کی جب کے میکانی حصہ مسین کی جب کے میکانی حصہ میکانی حصہ مسین کی جب کے میکانی حصہ میکانی میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی میکانی میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی حصہ میکانی میکانی میکانی میکانی حصہ میکانی میکانی میکانی میکانی حصہ میکانی میکان

$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

 $\sim$  استعال کرتے ہوئے اسس کو  $W_m$  ککھی گیا ہے۔ مساوات ۱۲.۲۷ ستعال کرتے ہوئے اسس کو

$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$



مشکل ۸ . ۲۰ : توانائی کی قتم تب دیل کرنے والا ایک نظام۔

کھے حب سکتا ہے۔ دونوں اطسراف کو  $\partial t$  سے ضر ب دے کر ترتیب نو کرتے ہوئے درج ذیل حب صل ہوگا۔

$$\partial W_m = i\partial\lambda - F_m\partial x$$

مساوات ۱۰ س توانائی کے طسریق کی بنیاد ہے۔ اسس مساوات کو استعمال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیاد کی طور پر لوریٹ نز کے وتانون e ہے ہی پیدا ہوتی ہے۔ مساوات ۱۰ س مسین برقی متغیبرات i اور e کی بحب نے i اور k ہیں۔ الہذا شکل ۳۰ م کو مشکل ۵۰ می کی طسرح بھی بنیا داستال ساتھ ہے۔

 $\frac{\partial z}{\partial y}$  کی بھی تف عسل z(x,y) کا کل تف رق درج ذیل ہوگا جہاں مورج سے ہوئے z کو مستقل تصور کی جارتا ہے۔ لیے ہوئے z کو مستقل تصور کی حیات ہوئے z

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial z}{\partial y} \, \mathrm{d}y$$

ای طسرح $W_m(x,\lambda)$  کال تفسرق

$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} \, \mathrm{d}\lambda$$

ہو گا جس کا مواز نے مساوات ۱۰ ۴ کے ساتھ کرکے درج ذیل انسند کسیا حبا سکتا ہے جہاں ایک متغیبر کے ساتھ حب زوی تفسر ق لیتے وقت دو سرے متغیبر کو صریحیاً مستقل ظہیر کسا گیا ہے۔

$$F_m(x,\lambda) = -\left.rac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}
ight|_{\lambda_0}$$

$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|_{x_0}$$

مقت طبیعی میدان مسین مقت طبیعی توانائی  $W_m(x,\lambda)$  دریافت کر کے مساوات ۱۳۰۳ کی استعمال سے قوت دریافت کی حب سب کتی ہے۔ شکل ۲۰٫۴ مسین قوت اور حسائی درز مسین مقت طبیعی بہاوا یک دوسسرے کے متوازی ہیں۔ اسگلے حسب مقت طبیعی توانائی کا حصول سکھایا سے گا۔

Lorenz equation

# ۲.۲ سبادله توانائی والاایک کچھے کانظام

شکل ۲۰۰۲ مسیں ایک لیجے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ لیچے مسیں برقی ضیاع کو بسیرونی مسزاحت سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ میکانی نظام مسیں حسر کی حصہ کی کمیت کو نظسر انداز کسیا گیا ہے۔ جب اسس کمیت کا اثر حبانت ضروری ہودہاں اسس کو ایک بسیرونی کمیت تصور کسیاحب سکتا ہے۔ اسس طسرح تب دلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہوتا

$$(r.1a) \lambda = L(x)i$$

 $\partial W_{i,\gamma}$  سین قوت  $F_m$  کے رخ طے ہونے والا ف اصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام  $\partial W_{i,\gamma}$  سین قوت  $\partial W_{i,\gamma}$  ہو گاجب کہ منسراہم برقی توانائی  $\partial W_{i,\gamma}$  و  $\partial W_{i,\gamma}$  برق توانائی  $\partial W_{i,\gamma}$  و منساوات  $\partial W_{i,\gamma}$  کومساوات  $\partial W_{i,\gamma}$ 

$$\int \partial W_m(x,\lambda) = \int i(x,\lambda)\,\mathrm{d}\lambda - \int F_m(x,\lambda)\,\mathrm{d}x$$

اسس تکمل کا حصول سشکل ۲. ۴ ہے واضح ہوگا۔ابت دائی نقطے پر مقت طیسی نظام کو کوئی برقی توانائی منسر اہم نہمیں کی گئی ہے۔ یوں نظام مسین برقی روصنسر ہوگی جسس کی جسس کی بہنا و اور ارتباط بہاو بھی صنسر ہول کے الہذامقت طیسی میدان مسین مقت طیسی توانائی بھی صنسر ہوگی۔ کسی بھی مقت طیسس کی قوت کشش اسس کی مقت طیسی بہاو پر منحصسر ہوتی ہے الہذا اصنسر مقت طیسی بہاو کی بنااسس نظام مسین قوت کشش صنسر ہوگا اور یوں اسس مسین حسر کت بھی صنسر ہوگا۔اسس طسرح ابت ائی نقطہ پر درج ذیل ہوں گ

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

ابت دائی نقط شکل ۲.۳ مسیں و گھسایا گیا ہے۔ اب کچھے کو برقی توانائی منسر اہم کی حب تی ہے۔ کچھے مسین برقی رو کی بن تو سے دار حسر کرت پید اہو گی۔ آمنسر کار نظام اختتا کی نقط بی بہتے گا۔ اختتا کی نقط ہی مشکل مسین و کھسایا گیا ہے۔ اسس نقط ہی رہنے گا۔ اختا کی نقط ہی سکل مسین و کھسایا گیا ہے۔ است دائی نقط ہے۔ اختتا کی نقط ہی میدان مسین توانائی نقط ہے۔ ابت دائی نقط ہے۔ اختا کی نقط ہی بہتے نے لئے برقی توانائی کو یوں بڑھ سایا جا ہے کہ کہ اور یہ شکل ۲.۳ مسین موثی ککسیر (اصل راستے پر میں وات ۱۲۔ می کھمل نقط ہی بر میں مقت طبی توانائی ( $(x_0, \lambda_0)$  جب نے کے لئے اصل راستے پر مساوات ۱۲۔ می کھمل خط صل کر نامو گا جو ایک میں مقت طبی توانائی ( $(x_0, \lambda_0)$  کی جب نے ہم متب دل راست اختیار کرتے ہیں۔

integral"



شكل ٢. ٢م:مقت طيسي مبدان مسين توانائي \_

ہم اس حقیقت سے بنائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقن طیسی میدان ایک قدامت پہند میدان "اے جس کا مطلب ہے کہ مقن طیسی میدان ایک حقومت پہند میدان "اے جس کا مطلب ہے کہ مقن طیسی میدان میں مقت طیسی توانائی صرف اور صرف اختامی نقطہ کے میں اور میران میں مقت المیں ہوئی الے چونکہ توانائی کا دارومدار راہ پر مخصص رہوگی "اے چونکہ توانائی کے حصول کے ممل مسیں ہم من پسند راستہ اختیار کرتے ہیں۔ ہم ممل لیسے ہوئے شکل ۲۰۹ مسیں ابت دائی نقطہ سے پہلی راہ حیل کر مناصلہ  $x_0$  طے کرکے دوسری راہ اختیار کرکے اختیامی نقطہ میں اور دی مساوات ۱۹۳۴ کو دو محملات کا محبوعہ کھا جبائے گا۔ ایک محمل نقطہ (0,0) سے نقطہ وردوسر رایب اسے نقطہ  $(x_0,\lambda_0)$  کئی لیاجب نے گا۔

$$\int_{\mathbb{R}^{|J|}} \partial W_m(x,\lambda) = \int_{\mathbb{R}^{|J|}} \partial W_m(x,\lambda) + \int_{\mathbb{R}^{|J|}} \partial W_m(x,\lambda)$$

ا س مباوات کے دائیں ہاتھ تکملات کوباری باری دیکھتے ہیں۔ پہلی راہ تکمل کومساوات ۲۰۱۲ کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m(x,\lambda)=\int_0^0i(x,0)\,\mathrm{d}\lambda-\int_0^{x_0}F_m(x,0)\,\mathrm{d}x$$

جی شکل ۲.۲ مسیں دکھ یا گیا ہے، پہلی راہ پر  $\lambda$  جب میں اس بات کو برقی رو  $\lambda$  برق رو  $\lambda$  برق رو  $\lambda$  برق رو رو آب کہ اور قوت  $\lambda$  برق کے کہ استدائی اور اختای نقطوں پر  $\lambda$  صف رہ البنا ہوں۔  $\lambda$  برق رو  $\lambda$  بوگا۔ ایسے محمل کی قیت صف رہوتی ہے جس کا استدائی اور اختای نقطے ایک دو سرے کے برابر ہوں۔  $\lambda$  برابر ہوں ہوتا ہے کہ ہوتا ہے لیا ہوگا۔ برابر ہوں پہلی راہ ہوگا۔ بربر ہوتا ہے لیا ہوگا۔ بربر ہو

conservative field"

<sup>&#</sup>x27;''تحباذبی مسیدان بھی مت دامت پسند مسیدان ہے۔ای لئے اگر کیت m کو کسی بھی راسنے h کی بلنندی تک لے حبایا حبائے تواسس کی ففی توانائی mgh ہو گی۔

ير كاتكمل (مساوات ۸۱۸) صف ر بوگا:

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m(x,0)=\int_0^0i(x,0)\,\mathrm{d}\lambda-\int_0^{x_0}F_m(x,0)\,\mathrm{d}x=0$$

مساوا<u>۔۔۔</u> ۱۷.۳ مسیں دوسسری راہ کا تکمل

$$(r.r\bullet) \qquad \int\limits_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_m(x_0,\lambda) = \int_0^{\lambda_0} i(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}\lambda - \int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}x$$

ہوگا۔ دو سری راہ پر  $x=x_0$  ہوگا۔ دو سری راہ پر  $x_0=x_0$  ہوگا۔ دو سرے کمل کا ابت دائی نقطہ  $x_0$  اور اختامی نقطہ بھی  $x_0$  ہوگا۔ نقطہ کمل صف رہوگا:

$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0,\lambda)\,\mathrm{d}x = 0$$

آ حنسر مسیں مساوات ۴.۲۰ کے دائیں ہاتھ، برقی رو کا تکمل حسل کرنا باقی ہے۔ مساوات ۴.۱۵ استعال کرتے ہوئے اسے حسل کرتے ہیں۔

$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0,\lambda)\,\mathrm{d}\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda\,\mathrm{d}\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

مساوات ۲۰۲۰، مساوات ۱۳۲۱ اور مساوات ۳۲۲ کے نتائج استعال کرتے ہوئے مساوات ۱۲.۴ مسیں دیے تکمل کا حسل کلھتے ہیں:

$$W(x_0, \lambda_0) = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

اسس مساوات مسیں اختتا می نقط کو عصومی نقط ہ $(x,\lambda)$  کیتے ہوئے درج ذیل حساس ہو گاجو مقت طیسی میدان مسین توانائی کی مساوات ہے۔

(r.rr) 
$$W(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L(x)}$$



شکل ۷.۴: حسر کت اور توانائی۔

مثال ۱۳۰۳: شکل ۱۳۰۸ میں توانائی کے طسریت ہے تو ہے  $F_m$  دریافت کریں۔ حلی ہے جات ہے جات ہے ہوگا جب ان توانائی کے متغیرات x اور  $\lambda$  بیل مثال ۱۳۰۳ میں میں میں اوات ۱۳۰۳ میں مصل کی جو توانائی کا کلیے ہے۔ ایس کرتے ہوئے کہ کی جب کہ جات ہے کہ بالا بیک میں میں میں میں اوات ۱۳۰۳ میں میں میں میں میں اوات ۲۰۳۳ میں سے سل کے متغیرات x اور x بی بجب کے حصول کے تاکہ توانائی کے درست متغیرات ورکار ہوں گے تاکہ توانائی کے درست متغیرات کے درکار ہوں گے تاکہ توانائی کے درست میں ہوتا ہوں کے درکار ہوں گے تاکہ توانائی کے درست طریقت درن ذیل ہے۔

$$(\textbf{r.ra}) \hspace{1cm} W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2\left(\frac{N^2\mu_0A_g}{2g}\right)} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0w(b-x)}$$

٣٠.٣. توانائي اور ٻم توانائي



مشكل ٨ . ٢٠: هم توانائي كي تعسر يفي

ساوات ۲۵.۳۱ ورمساوات ۱۳.۱۳ مسل کر درج ذیل دیتی ہیں۔

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$

 $L=\frac{N^2\mu_0w(b-x)}{2g}$  تفسرق لینے کے بعد  $\lambda=L$  ہوگا۔ یوں توسیم کی ایک جہاں کی ایک ہوگا۔ یوں توسیم

$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28274$$

x نیوٹن حساس ہوتی ہے۔ قوت کی عسلامت منفی ہے جس کے تحت قوت گھٹت x رخ ہوگی۔ یوں حسر کی حصہ بائیں رخ کھٹنی جب کے گا۔ شکل x ہم میں قوت اور حنائی درز مسیں مقت طیسی ہب اوا یک دوسرے کے متوازی تھے جب کہ مشکل کے x ہم میں قوت اور حنائی درز مسیں مقت اطیسی ہب اوا یک دوسرے کے عسودی ہیں۔

# ۳.۳ توانائی اور ہم توانائی

سشکل ۴.۸ مسین  $\lambda$  اور i کے مابین ترسیم و کھایا گیا ہے۔ اسس لکسیر کے نیجے رقب کو ہم توانائی  $W_m$  تصور کریں۔ اسس ترسیم پر کوئی ایک نقط  $(\lambda,i)$  کے کر ایک لکسیر نیجے اور دوسسری بائیں کھنچ کر ایک منتظیل مکسل کسیا گیا ہے۔ جس کارقب ہم توانائی  $W_m$  کہلاتا ہے۔ جس کارقب ہم توانائی  $W_m$  کہلاتا ہے۔

$$($$
י. ריז $)$   $W_m' = \lambda i - W_m$ 

co-energy "

ہم توانائی کے حبزوی منسرق

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

سین مساوات ۱۰ ۴ کااستعال

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + F_m \partial x$$

ہو گالبنے ناہم توانائی  $W_m'(x,i)$  کا حب زوی منسرق درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W_m'(x,i) = \frac{\partial W_m'}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial W_m'}{\partial i} \, \mathrm{d}i$$

مساوات ۲۸٪ مکامساوات ۲۷٪ سم کے ساتھ مواز نے کرنے سے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

اور

$$F_m = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial x} \right|_{i_0}$$

مساوات ۳۳٬۳۰ قوت دریافت کرنے کا دوسراکلید دیتی ہے۔ مساوات ۳۳٬۳۰ مسیں ہم توانائی جبکہ مساوات ۱۳۰٬۳۰ مسیں ہم توانائی جبکہ مساوات ۱۳۰٬۳۰ مسیں توانائی کے ذریعیہ قوت حساسل کی گئی۔ توانائی کے طسریق کی طسرح مساوات ۲۰۰۹ء درج ذیل تکمل کھے حساسکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $W_m'(i_0,x_0)=\int_0^{i_0}\lambda(i,x_0)\,\mathrm{d}i$ 

جن نظام مسیں  $\lambda$  اور i کا تعساق تغیبر راسی ہو، جس کو مساوات ۲.۲۹ بیان کرتی ہو، ان کے لئے درج بالا تکمل کا حسل درج ذیل ہو گاجب اس میں  $x_0$  بی بیرے عسومی متغیب رات  $x_0$  اور  $x_0$  کھھے گئے ہیں۔

(r.rr) 
$$W_m'(i,x) = \int_0^i L(x) i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x) i^2}{2}$$

٣٠٠. توانائي اور ڄم توانائي



بعض مسائل مسیں توانائی اور بعض مسیں ہم توانائی کااستعال زیادہ آسان ثابیہ ہو تاہے۔

مثال ۲۰۰۳: مثل ۲۰۰۹: سنگل ۲۰۰۹ مسین ایک پیچیدار لچھ و کھسایا گیا ہے جس کی محوری کمب بی اور دست N اور حسک N میں۔ پیچیدار لچھ کے مقت طبی بہب و کا بیشتر حصہ محوری رخ کچھ کے اندر رہتا ہے۔ کچھ کے بہر مقت طبی بہب و کو نظر رانداز کرتے ہوئے کے خدر محوری کمب اُئی رخ میدانی شدت  $\frac{NI}{I} \approx H$  ہو گا۔

موصل دھا۔ کو امالی برتی توانائی سے بگھ کانے کے لئے پیچدار کچھ استعمال کیا حباتا ہے۔ مسین 100 تا 1500 کلو واٹ برقی طباقت کی **امالی برقی بھٹیاں** ابن تار ہاجو بالت مرتیب 500 تا 1200 ہر ٹزیر کام کرتی اور 100 سے 3000 کلوگرام لوہا بگھساتی ہیں

پگھلاتی ہیں۔ امالی بھٹی کے پیچدار کچھے کے اندر غنیسر موصل پیالے مسین دھاسے کے کلڑے ڈال کر کچھے مسین بدلت ارو گزاری حباتی ہے جو دھاسے مسین بھبنور نمسالهالی برقی روپیدا کرتی ہے۔ بھبنور نمسار و دھاسے کو گرم کر کے پگھلاتی ہے۔ امالی برقی بھٹی مسین لوہے کو 1650 ڈگری سیلمیئیں آئیسے گرم کمیاحب تاہے۔

پیچدار کچھے مسین برقی رو 10 کی بین کچھے پر ردائ رخ میکانی دباولیعنی قوت فی مسسر بخارقب پیدا ہو گا۔ میسری 3000 کلوگرام لوہا پگھ لانے کی بھٹی کے پیچدار کچھے کی تفصیل درج ذیل ہے۔

$$N=11, \quad I_0={\rm 10\,000\,A}, \quad l={\rm 0.94\,m}, \quad r={\rm 0.49\,m}$$

اسس پرردای رخ یکانی دباو (نیوٹن فی مسرئع میٹر) حساسل کریں۔ حسل: ہم توانائی کا طسہ یقب استعال کرتے ہیں۔

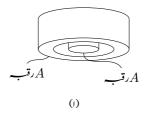
$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W_m'(r,i) &= \frac{L i^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W_m'}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

high frequency, induction furnaces (Action Celsius, Centigrade)

باب ۴. برقی اور میکانی توانائی کابا ہمی تب ادله

1+1





#### مشكل ١٠ به: برقى مقن طيسس \_

اسس قوت کی عسلامت مثبت ہے البندا ہے۔ ردای رخ باہر حبانب ہو گا۔ کچھے کو نکلی تصور کریں جسس کی گول سطح کار قب  $A=2\pi rl$ 

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8604 \, \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

مثال ۴.۵: 2700 کلوواٹ امالی بھٹی یومیہ 70ٹن الوہا پھلاتی ۱۸ہے۔اتنے وزن کی منتقلی کے لئے برقی مقت طیسس استعمال کسیات ہے۔ سٹنگل ۱۰ برمسیں ایک ایسابرتی مقت طیسس و کھایا گیا ہے جس کی تفصیل ورج ذیل ہے۔

$$N=300, \quad A={\rm 0.8\,m^2}, \quad I={\rm 30\,A}$$

برقی مقت طیسس اور لوہے کے ﷺ اوسط و نساسلہ 2.5 سنٹی میسٹر لیں۔ یہ برقی مقت طیسس کتنی کمیت کالوہااٹھ سکتا ہے؟ حسل:

$$L = \frac{\mu_0 N^2 A}{2l}$$
 
$$W_m'(l,i) = \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l}$$
 
$$F = \frac{\partial W_m'}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.025^2} = -32\,572\,\mathrm{N}$$

قوت کی عبدامت منفی ہے۔ یوں یہ مقن طیسس اور لوہے کے نی منساطیس کے کرنے کی کوشش کرتی ہے۔ یہ مقن طیسس □

ا ہزار کلوگرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ ۱مسیں اپنے تحب ربے میں بنیاد پر کہ۔ رہاہوں۔



مشكل ١١.٧٨: دولچھوں كانظسام\_

مثال ۲۰۰۹: مثال ۴۰۰۷ کونم توانائی کے طسریق ہے حسل کریں۔ حسل: مساوات ۴۰۳۲ ہے

$$W_m' = \frac{L(x)i^2}{2} = \frac{N^2 \mu_0 w(b-x)i^2}{4g}$$

لکھ کر مساوا۔۔ ۴۰٬۳۰ سے درج ذیل قو۔۔ ساصل ہوتی ہے۔

$$F_m = \frac{\partial W_m'}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4 a} = -28\,274\,\mathrm{N}$$

## ۴.۴ متعبد د کچھوں کامقن طیسی نظیام

اب تک ایک کچھے کے نظام پر غور کیا گیا۔ اس حصہ مسین ایک سے زیادہ کچھوں کے نظام پر غور کیا جبائے گا۔ متعدد کچھوں کا نظام بھی ایک کچھے کا برتی رو i اور گا اور دو کچھے کا برتی رو i اور دو سرے کچھے کا برتی رو i کے کا برتی روز کے کے درج ذیل کھٹ مسکن ہے جبال k ذخیہ ہو توانائی کو ظاہر کرتی ہے۔

(r.rr) 
$$\partial W_{ec{\Lambda}_{\prime}}=i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+i_2\,\mathrm{d}\lambda_2$$

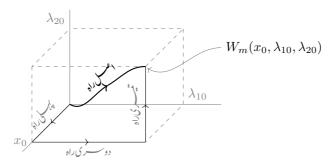
$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\mathcal{L}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\mathcal{L}}} + \partial W_{m}$$

$$\partial W_{\dot{b}\dot{b}}$$
 = بياني مساوات کو دو سرى مسيں پُر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات کو دو سرى مسيں پر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات کا کھیا گیا ہے۔

$$(\textbf{r.ra}) \hspace{3.1em} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = F_m \, \mathrm{d}x + \partial W_m$$

اسس کی ترتیب نو درج ذیل دیگی۔

$$\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)=i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+i_2\,\mathrm{d}\lambda_2-F_m\,\mathrm{d}x$$



شکل ۱۲ . ۴ : دولچھوں کے نظام مسین مقت طیسی میدان مسین توانائی۔

اب بالکل مساوات ۱۲ ۲۰ کی طسرح درج ذیل لکھاحب سکتاہے۔

$$(r.r2) \hspace{1cm} \partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} \, \mathrm{d}\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} \, \mathrm{d}\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} \, \mathrm{d}x$$

مساوات ۲۳.۳۱ ور ۳۷.۲۷ کے مواز نے سے درج ذیل تعسلقات اخسذ ہوتے ہیں۔

(r.ma) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2,x}$$

(r.rq) 
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1,x}$$

$$(r,r_{\bullet}) F_m = -\frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \bigg|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

ان مساوات کا استعمال تب ممسکن ہو گاجیب ہمیں تو انائی  $W_m$  معسلوم ہو لہنہ نہم پہلے تو انائی دریافت کرتے ہیں۔ مشکل ۱۱، ۴ مسیں کچھوں کو یوں طباقت دی حسان ہو گاجیہ کہ اور دی کم سال ہو کہ مسل کو سشکل ۱۱، ۴ مسیں موٹی ککسید سے بطور "اصل راہ" د کھایا اور ساتھ ہی مصف رہے تب بطور "اصل راہ" د کھایا گسیسے مسل کو سشکل ۱۱، ۴ مسیں موٹی ککسید سے بطور "اصل راہ" د کھایا گسیسے مسل کو سشکل کا این مصنوں کے درج ذیل کھی حسان کا این کا مسید کے درج ذیل کھی حسان کے تعمل کے لئے درج ذیل کھی حسان کی ساتھ ہے۔

$$\int_{\mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} = \int_{\mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} + \int_{\mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} + \int_{\mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} + \int_{\mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{R}^{d} \cup \mathbb{$$

ہم دائیں ہاتھ تکملا ۔ کو باری باری حسل کرتے ہیں۔

پہلی راہ پر  $x_0$  اور  $x_0$  اور  $x_0$  منسررتے ہیں جب کہ x کی ابت دائی قیت  $x_0$  اور اختامی قیت  $x_0$  ہے۔ یوں پہلی راہ پر تکمل

درج ذیل ہو گا۔

$$\int\limits_{\mathrm{d}x} \partial W_m = \int_0^0 i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 - \int_0^{x_0} F_m \,\mathrm{d}x$$

کسی بھی تکمل کااہت دائی اور اختیامی نقط ایک دوسسرے جیب ہونے کی صورت مسین تکمل کی قیمت صف رہو تی ہے البند ادرج بالامسین دائیں ہاتھ، بہلے دو تکملات صف رہوں گے:

$$\int_0^0 i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

 $F_m$  بہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صف رہیں، لیخی، دونوں کچھوں مسیں برتی روصف رہے، اہلیذ امقت طبیحی بہب اوادر تو  $F_m$  صف رہوں گے۔ لیوں مساوات ۲٫۴۲ مسیں تو ہے کا تکمل صف رہوگا۔

$$(r,rr)$$
  $\int_{0}^{x_{0}} F_{m} \, \mathrm{d}x = \int_{0}^{x_{0}} 0 \, \mathrm{d}x = 0$  (۴,۲۲)

ماوات ٣٣.٨٣ اور ماوات ٢٩٨٠ ٢٠ كنت انج كے تحت بہلى راه ير تكمل صف ر ہوگا۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m=0$$

 $x_0$  سنسری راہ پر  $\lambda_1$  کی ابت دائی قیت 0 اور اختامی قیت  $\lambda_2$  ہے،  $\lambda_2$  صف رہت ہے جب کہ گی قیت رہتی ہے۔ یوں دوسسری راہ پر تکمل ورج ذیل ہوگا۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^{d/2}}\partial W_m=\int_0^{\lambda_{10}}i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+\int_0^0i_2\,\mathrm{d}\lambda_2-\int_{x_0}^{x_0}F_m\,\mathrm{d}x$$

تکمل کااب بدائی اور اختیای نقط۔ ایک جیب ہونے کی صور یہ مسین تکمل صف رہوگا:

$$\int_0^0 i_2\,\mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m\,\mathrm{d}x = 0$$

یوں مساوا۔۔ ۲۸۴۸ درج ذیل صور۔۔ اختیار کرتی ہے۔

$$\int \partial W_m = \int_0^{\lambda_{10}} i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1$$
 المراب المر

يباں مساوات ٢٠٣٦،٢١٣٣، ١ اور ٢٠٣٨ كى ضرورت بيش آئے گى جنہيں دوبارہ پيش كرتے ہيں۔

$$(r.rn)$$
  $\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$ 

$$(r.rq)$$
  $\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$ 

$$(r.s.)$$
  $L_{12} = L_{21}$ 

$$i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

$$i_2=rac{L_{11}\lambda_2-L_{21}\lambda_1}{D}$$

حاصل ہو گاجہاں D درج ذیل ہے۔

$$D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

ما وات  $\lambda_2$  کر درج ذیل حساس اوگر در گردرج دیل حساس اوگر در کر درج دیل حساس اوگرد کر درج دیل حساس اوگا که مساوات اوگرد کر درج دیل حساس اوگرد

$$\int_0^{\lambda_{10}} \left( \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{10}} \lambda_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{10}^2}{2D}$$

یوں دوسے ری راہ پر تکمل کی قیمیے درج ذیل ہو گی۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^{d}}\partial W_{m}=\frac{L_{22}\lambda_{10}^{2}}{2D}$$

تیسری راہ پر  $\lambda_1$  کی قیست  $\lambda_1$  اور x کی قیست  $\lambda_2$  پر بر فسسر ارر ہتی ہے جب کہ کی ابت دائی قیست  $\lambda_1$  اور اختتا کی قیست  $\lambda_2$  کی ابت دائی قیست  $\lambda_3$  اور اختتا کی قیست  $\lambda_4$  کی ابت درج ذیل ہوگا۔

$$\int\limits_{\lambda_{10}}\partial W_m=\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}}i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+\int_0^{\lambda_{20}}i_2\,\mathrm{d}\lambda_2^2-\int_{x_0}^{x_0}F_m\,\mathrm{d}x$$

تکمل کا ابت دائی اور اختتامی نقط۔ ایک جیب ہونے کی صورت مسین تکمل کی قیمت صف رہوتی ہے اہلیندا درج بالا مسین دائیں ہاتھ پہلا اور تنیب راتکمل صف رہوگا:

$$\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}} i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \,\mathrm{d}x = 0$$

مساوات ۲۰۵۲ کی استعال ہے مساوات ۴۰۵۴ کا باقی حصبہ حسل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \int_0^{\lambda_{20}} i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 &= \int_0^{\lambda_{20}} \left(\frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_{10}}{D}\right) \mathrm{d}\lambda_2 \\ &= \frac{L_{11}}{D} \int_0^{\lambda_{20}} \lambda_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - \frac{L_{21}\lambda_{10}}{D} \int_0^{\lambda_{20}} \mathrm{d}\lambda_2 \\ &= \frac{L_{11}\lambda_{20}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D} \end{split}$$

مساوات ۵۵ بهاور مساوات ۵۱ به کی نتائج سے تیسری راه کا تمل درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$\int_{\omega \cup \omega} \partial W_m = rac{L_{11} \lambda_{20}^2}{2D} - rac{L_{21} \lambda_{10} \lambda_{20}}{D}$$

$$W_m' = i_1 \lambda_1 + i_2 \lambda_2 - W_m$$

ہو گی۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W'_m=i_1\partial\lambda_1+\lambda_1\partial i_1+i_2\partial\lambda_2+\lambda_2\partial i_2-\partial W_m$$
 : استعال کرتے ہوئے ہم توانائی کے جبزوی مسرق کی ساوات  $\partial W'_m(x,i_1,i_2)=\lambda_1\operatorname{d} i_1+\lambda_2\operatorname{d} i_2+F_m\operatorname{d} x$ 

جب کہ اور  $\lambda_2$  ، اور  $F_m$  کی مساواتیں درج ذیل ہوں گا۔

(7.4.) 
$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial i_1} \right|_{x,i_2}$$

$$($$
 (४.५)  $\lambda_2=\left.rac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial i_2}
ight|_{x,i_1}$ 

$$F_m = \left. rac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial x} 
ight|_{i_1,i_2}$$

مساوات ۸۵۸ می معتابل ہم توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گا۔

$$W_m'(x,i_1,i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

ہم قوت کوہم توانائی سے حساسس کرتے ہیں:

$$(\text{r.yr}) \qquad F_m = \left. \frac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial x} \right|_{i_1,i_2} = \frac{i_1^2}{2} \frac{\mathrm{d} L_{11}(x)}{\mathrm{d} x} + \frac{i_2^2}{2} \frac{\mathrm{d} L_{22}(x)}{\mathrm{d} x} + i_1 i_2 \frac{\mathrm{d} L_{12}(x)}{\mathrm{d} x}$$

مثال کے ہوں مشکل ۱۱.  $\gamma$  مشین میکانی کام کو  $\partial W_{\rm ad} = T_m \, \mathrm{d} \theta$  ککھ کر توانائی کے طسریق ہے حسل کریں۔ توانائی کی مساوات

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\mathbf{L}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\mathbf{L}}} + \partial W_m$$

سیں

$$\partial W_{\ddot{\mathfrak{z}}_{\checkmark}}=i_{1}\,\mathrm{d}\lambda_{1}+i_{2}\,\mathrm{d}\lambda_{2}$$

اور  $\partial W_{ik} = T_m \,\mathrm{d} heta$ ر کرکے ترتیب نوسے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d} \lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d} \lambda_2 - T_m \, \mathrm{d} heta$$

 $W_m$ ے حبزوی منسرق

$$\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,\theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} \, \mathrm{d}\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} \, \mathrm{d}\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} \, \mathrm{d}\theta$$

کامساوات ۲۵ ، ۴ کے ساتھ مواز ن کرنے سے درج ذیل اختذ کیے حباسکتے ہیں۔

$$i_1=\left.rac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)}{\partial \lambda_1}
ight|_{\lambda_2, heta}$$

$$i_2=\left.rac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)}{\partial \lambda_2}
ight|_{\lambda_1, heta}$$

(7.4a) 
$$T_m = -\left.\frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,\theta)}{\partial \theta}\right|_{\lambda_1,\lambda_2}$$

مساوات ۴.۲۵ مسین مساوات ۴.۳۷ کی مانند ہے۔ مساوات ۴.۲۵ مسل کرنے کا ایک ایک ایک متدم مساوات ۴.۲۵ مسین میدانی توانائی مساوات ۴.۳۸ مسل کرنے کی طسر ہے، بسس و ناصلہ x کی جگہ زاویہ  $\theta$  آئے گا۔ یوں جو اب مسین میدانی توانائی کے متغیب رات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  مول گے:

$$W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)=rac{L_{22}\lambda_1^2}{2D}+rac{L_{11}\lambda_2^2}{2D}-rac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$



مشکل ۱۳۱، ۲۷: دولچھوں کے نظب مسیں تو ۔۔۔ مسروڑ۔

اسی طسرح ہم توانائی کے لئے درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W_m'(i_1, i_2, \theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$

$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W_m'(i_1,i_2,\theta)}{\partial i_1} \right|_{i_2,\theta}$$
 
$$\lambda_2 = \left. \frac{\partial W_m'(i_1,i_2,\theta)}{\partial i_2} \right|_{i_1,\theta}$$
 
$$T_m = \left. \frac{\partial W_m'(i_1,i_2,\theta)}{\partial \theta} \right|_{i_1,i_2}$$

ہم توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

$$W_m'(i_1,i_2,\theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

مثال ۸.۷: سشکل ۴.۱۳ مسیں دو کچھوں کا نظام د کھایا گیا ہے۔اسس نظام کا ایک حصہ ساکن رہت ہے اور دوسر انگھوم سکتا ہے۔افقی لکسیسر سے گھسٹری کی سوئیوں کے محنالف رُن گھومتے ہوئے زاوی کی ناپاجب تا ہے۔ کچھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندر حب ذیل ہیں۔

$$\begin{split} L_{11} &= 20 + 30\cos 2\theta \\ L_{22} &= (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3} \\ L_{12} &= 0.15\cos \theta \end{split}$$

ير قى روم  $T_m$ مىلوم كىي ب $i_1=0.02$  A,  $i_2=5$  كىي ب

حل: ماوات ۲۲،۲۴م توانائی دیتی ہے۔

 $W_m' = \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)i_1^2 + \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)(10^{-3})i_2^2 + (0.15\cos \theta)i_1i_2$ 

مساوات ا۲،۴ کاآحنری حبزو قوت مسرور دیتی ہے۔

$$\begin{split} T_m &= \frac{\partial W_m'}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_2^2 \sin 2\theta - 0.15i_1i_2 \sin \theta \\ &= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta \\ &= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta \end{split}$$

قوت مسروڑ کی عسلامت منفی ہے المہندا ہے زاویہ مسین تبدیلی کی ممنالفت کرے گا۔ یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں (مثبت  $\theta$ ) توہ نظام زاویہ کم کرنے کے رخ قوت مسروڑ (منفی  $T_m$ ) پیدا کرے گا وراگر آپ زاویہ کم (منفی  $\theta$ ) کرنے کی کوشش کریں توہ نظام زاویہ بڑھانے کے رخ قوت مسروڑ (مثبت  $T_m$ ) پیدا کرے گا۔ رہان مسین گھومت احمد افقی کلیے رپر رہنے کی کوشش کرے گا۔

## ا\_\_ه

# گھومتے مثین کے بنیادی اصول

اسس باب مسیں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا حبائے گا۔ ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قتم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہسیں اسس باب مسین اکٹھا کمیا گیا ہے۔

#### ا.۵ متانون فسيرادّ

**قانون فیرا**ڈے اے تحت جب بھی کسی کچھے کاار تباط بہاو کہ وقت کے ساتھ تبدیل ہو،اسس کچھے مسیں برقی دباوپیدا ہو گا:

$$(\mathbf{a.1}) \hspace{3.1em} e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گومتے مشین مسیں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طسریقوں سے پیدا کی حباسکتی ہے۔مشلاً کچھے کو ساکن مقن طبی بہاومسیں گھساکریاس کن کچھے مسیں مقن طیس گھساکر،وغنسیرہ وغنسیرہ۔

ان برقی مشینوں مسیں کچھے مقت اطبیق فت الب اپر لیسٹے حب تے ہیں۔ اسس طسر رح کم سے کم مقت طبیق دباوے زیادہ سے زیادہ مقت اطبیمی بہب او حب اصل کر سے حب اتا ہے اور کچھوں کے مامین مشتر کہ مقت اطبیمی بہب اوبڑھ ایا حب اتا ہے۔ مسزید وت الب کی مشکل تبدیل کر کہ مقت اطبیمی بہب او کو ضرور ت کے مصام پر پہنچ سایا حب اتا ہے۔

ان مشینوں کے متالب مسیں مقت طیمی ہیں وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے لہذا مسیں تھبنور نما برقی رو ''پیدا ہوتا ہے۔ان تعبنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی حناطسر باریک لوہے کی پتسری ''تہہ در تہدر کھ کر متالب بنایاحہا تا ہے۔ آپ کویاد ہوگا، ٹرانسار مسرکات الب بھی ای طسرح بنایاحہا تا ہے۔

Faraday's law'
magnetic core'
eddy currents'
laminations'



شکل ۵.۱: دو قطب، یک دوری معاصر جنسریٹ ر

#### ۵.۲ معاصرمشین

سٹکل ا.۵ مسیں معاصر برتی جنسر کا ایک بنیادی سٹکل دکھایا گیا ہے جس کے متالب مسیں ایک مقت طیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ میکانی زاوی  $\theta_m$  مقت طیسس کا معتام دیتا ہے۔ افتی لکسیر سے حنلان گھٹری زاوی  $\theta_m$  ناوی  $\theta_m$  ناوی سے ملائے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقن طیس ایک مقصررہ رفت ارے، فی سیکنڈ n مکسل حپ کر کائت ہو تہہ ہم کتے ہیں کہ اس مقن طیس کے گوئے کا تعدد n ہر نڑ<sup>ہ</sup> ہے۔ ای بات کو بیل بھی ہیان کیا حب اتا ہے کہ مقن طیس 360 کو بیل بھی ہیں کہ ایک حب کے مقت طیس 360 کی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے جب کی اسس رفت ارکو گوم کی سیکنڈ بھی کہ سیکنڈ بھی کہہ سیکتے ہیں۔ یوں اگر مقن طیس n ہر ٹزکی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے  $2\pi f$  ریڈ بیکن کی سیکنڈ کی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے کے جب کو سیکتے ہیں۔ یوں اگر مقن طیس n ہر ٹزکی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے ہیں۔ یوں اگر مقت طیس ایک کی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے ہیں۔ یوں اگر مقت طیس ایک کی رفت ارکو گوم کی ایک کی دفت ارکو گوم کی ایک کی سیکنڈ کی رفت ارکو گوم کی ایک کی ایک کی دفت ارکو گوم کی ایک کی دفت ارکو گوم کی ایک کی دفت ایک گوم کی ایک کی دفت ایک گوم کی دفت ارکو گوم کی دفت ایک کی دفت ایک گوم کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت ایک گلی کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت کی دور کی دفت کی دفت کی دفت کی دفت کی دفت کی دور کی دور کو کی دور کی دور کی دور کی دور کی دور کر کی دور کی

$$\omega = 2\pi f$$

اسس كتاب مسين گومنے كى رفت اركوع موماً ريديئن فى سيكنڈ مسين سيان كسياحبائے گا۔

سٹکل ۱، ۵ مسیں مشین کے دومقت طبیعی قطب ہیں، اسس لئے اسس کو دوقطی مشین کہتے ہیں۔ ساکن و تالب مسیں، اندر کی حبانب دوسٹ گاف ہیں، جن مسیں ۷ حبکر کالچھ موجود ہے۔ کچھ کو ۵ اور ۵ سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ اسس کچھ کی مسین کوایک کچھے کامشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھے جنسریٹر کے ساکن مصر پرپایا حباتا ہے لہذا ہے۔ لیے ایسی کھے گیا گھے کامشین بھی کہتے ہیں۔ کچھا کہتے ہیں۔

مقت طیسس کامقت طیسی بہب و شمالی قطب ایک سے حضارج ہو کر حضاائی درز مسیں سے ہو تا ہوا، باہر گول متالب مسیں سے گزر کر ، دوسسرے حضائی درز مسیں ہے ہو تا ہوا، مقت طیسس کے جنوبی قطب '' S مسیں داحضل ہو گا۔ اسس مقت طیسی

Hertz<sup>a</sup>

rounds per minute, rpm

radians<sup>2</sup>

stator coil<sup>A</sup>

north pole9

south pole

۵.۲ معب صرمت بین

بہاو کو ہلکی سیابی کے ککسیروں ہے د کھایا گیا ہے۔ یہ مقت طیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے مسیں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل ا. ۵مسیں مقت طیسس سیدھی سلاخ کی مانٹ درکھایا گیا ہے۔

سشکل ۵.۲ مسیں مقب طیس تقسر با گول ہے اور اسس کے محور کا زاویہ  $\theta_m$  صنسر کے برابر ہے۔ مقب طیس اور ساکن و تالب کے تخ صنسر زاویہ ،  $0 = \theta$  ، پر حنسان کی درز کی لمب ان کم سے کم اور نوب زاویہ ،  $0 = \theta$  پر حنسان کی درز کی لمب ان کم سے کم اور نوب زاویہ ،  $\theta_m$  کے محم اور نوب زاویہ ،  $\theta_m$  کے محت نیادہ ہوگی اہم نے کم ہوگی جب کہ زیادہ حنسان کی درز پر جھکے پاہشتہ ان کی درز کے المب نی یوں تب دیل کی حب ان کی درز کے محت الحق ورز کے المب کی یوں تب دیل کی حب ان ہے کہ حنسان کی درز کی لمب ان بیات مسیں سے محدود کی زاویہ پر داحم نال ہوتا کے در احمال ہوتا کی در زمین کی در نام کے در احمال ہوتا کی در زمین کی در نام کی

$$(a.r) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب آثافت مقت طیسی بہاو B صف رزاوی 0 ورزیادہ سے زیادہ اور نوے زاوی 0 وراوی 0 ورخس مقت طیسی بہاو 0 و سف سرزاوی ورزیادہ سے زیادہ اور مسل کے شمالی قطب سے گھٹڑی کے معت سل کے درز مسیں مقت طیسی بہاو 0 و کے ساتھ تبدیل ہوگا۔ 0 کو مقت طیسی بہاو و مسیل کا تعلیم بہاو مسیل کا بہار نوکسیلی کسیسروں کی لمب آئی سے آثافت مقت طیسی بہاو کا مطاق قیمت ورز کی مطاق قیمت بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل مسیں بلکی سیابی سے 0 ورز 0 و کھایا گیا ہے۔ اس شکل مسیں بلکی سیابی سے 0 ورز 0 و کھایا گیا ہے۔ اس شکل مسیں بلکی سیابی سے 0 ورز 0 و کھایا گیا ہے۔ اور کا مقت طیسی بہاوردا کی رخ جب کہ 0 ورز مسیل آور مسیل آور مسیل گذافت مقت طیسی بہاو و ورز و کا کا ترضیم سے مسئل نمی ہوگا۔ شکل ساتھ مسیل مقت طیسی بہاو کا در مسیل گذافت مقت طیسی بہاو کا مقت میں مقت طیسی ہیں وو کا درخ سیم سائن نمی ہوگا۔ شکل ساتھ کے شام مسیل مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت مشیل مسیل مقت طیسی ہیں وو کا درخ سیم کا فرز مسیل کا ذرخ سیم کا فرز مسیل کا فرز کی کی کا فرز کی کا فرز کی کی کا فرز کی کی کا فرز کی کا فرز کی کی کا فرز کی کا فرز کی کی کا فرز کی کی کا فرز کی کی کا فرز کی کا کی کا کی کا فرز کی کا فرز کی کا کی کا کی کا کی کا کی کا کا کا کی کا کی کا کی کا ک

$$B = B_0 \cos \theta_p$$
 
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

یوں درج ذیل ہو گا۔

$$(a.a) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

سشکل ۳٫۵ مسیں مقت طیسس اور اسس کا سائن نمس مقت طیسی دباو پیشش کی آئی ہے۔ جیسا شکل ۵٫۳ مسیں دکھ ایا گئی ہے، ایسے مقت اطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کارخ گیا ہے، ایسے مقت اطیسی دباو کو عصوماً ایک سمتیہ سے ظاہر کسیاحب اتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقت اطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کارخ مقت طیس سے شمال کو ظاہر کرتا ہے۔

 $\lambda_{\theta}$  ارتباط ہباو میں مقت طیک ہوں کو گھیے کا ارتباط ہباو ہے۔  $\theta_m(t_1)$  پر دکھیایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط ہباو سے ہوم رہاہو تب ساکن کچھے مسیں اسس لمحہ پر برقی دہاو (1) ویداہو گا: پر برقی دہاو گا:

$$e(t)=rac{\mathrm{d}\lambda_{ heta}}{\mathrm{d}t}$$



شکل ۵.۲: کثافت ِمقت طیسی بہاوادرزاوی کاتب دیلی۔



شکل ۵٫۳ کثافت مق<sup>ی</sup> طیسی بهباداور مق<sup>ی</sup> طیسس کازاوی \_\_\_



شکل ۴، ۵:مقن طیسی د باو کوسمتیہ سے ظاہر کیا حب تاہے۔

۵٫۲ معاصرمشین



مشكل ۵.۵: حسار قطب يك دوري معاصر جنسريت ر

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین مسیں اگر مقت طیس  $f_m$  حپکر فی سیکنڈ کی رفت ارے گھومت ہوت کچھے مسیں امالی برقی دیاو e(t) بھی ایک سیکنڈ مسیں  $f_m$  مکسل حپکر کاٹے گالہذا  $f_m$  تو تعدو " $f_m$  کی قیبت  $f_m$  برٹر "اہوگی۔

$$f_e = f_m$$

اسس مشین مسین میکانی زاوی m واور برقی زاوی m واور برقی زاوی m واور برقی زاوی m و وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپ مسین ایک تناسب رکھتے ہیں البندا البیے مشین کو معاصر مشین " کتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

شکل ۵.۵ مسین حیار قطب، یک دوری معاصر جنسریٹ دکھیایا گیا ہے۔ چھوٹے مشینوں مسین عصوماً مقن طیسس جب کہ برای مشینوں مسین برقی مقنا طبیح "استعال کے مقنا طبیح میں برقی مقنا طبیح " استعال کے کے ہیں۔ اسس شکل مسین برقی مقنا طبیح میں کی ایک شمالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جب تا ہے۔ مشکل مسین استعال کے اس حوالہ قطب کو m برد کھیایا گیا ہے واور یوں دو سراشمالی قطب (m + m) زاوی ہے۔ بہت کہ بہت مشین مسین مقن طیس کے حیار قطبین ہیں۔ بر ایک شمالی قطب کے بعد اور سے کن کچھوں کی تعبد اد ور سے کن کچھوں کی تعبد اد

frequency

Hertz'r

synchronous machine

electromagnet "





شکل ۵.۷: سائن نمسا کثافت ِمقت طیسی بہاو۔

شکل ۵.۱: حیار قطب، دو گھے مشین میں مقساطیعی بساویہ

ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہے۔ سشکل ۵.۵ مسیں مشین کے حپار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے حبار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے حبار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے ساکن حصہ پر دوساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو 10 ہے واضح کہا گیا ہے ہے اور دوسے گانے میں رکھا گیا ہے۔ ای طسری جو دوشے گانے وار دام میں رکھا گیا ہے۔ ای طسری جو دوشے گانے وار دام جو گانے وار دام جو گانے اس مطری جسندیٹ میں میں یک ال برقی دباویسدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھول کو سلمہ وار دام جو گار شاہر گار دباتا ہے۔ اسس طسری جسندیٹ سے سے ساسل برقی دباوا کی دباوی کے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھیے متا ہے۔ شکل ۵۵ میں حیار قطبین میں الہٰ ذااس کاایک کچھا نوے میکائی زاویے کے ادباطے کو گھیے متاہے۔

ساکن اور حسر کی کچھوں کی کار کردگی ایک ووسرے سے مختلف ہوتی ہے۔ اسس کی وضاحت کرتے ہیں۔
جیس پہلے بھی ذکر کیسا گیسا چھوٹی گھو متی مشینوں مسیں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس صنداہم کرتا ہے جبکہ
بڑی مشینوں مسیں برتی مقناطیس میدان مسندا ہم کرتا ہے۔ اگر حپ اب تاک کی امشاکل مسیں مقناطیس کو گھومت
حصد دکھایا گیسا ہے، حقیقہ مسیں مقناطیس کی مشین مسیں گھومت اور کی مسیں ساکن ہوگا۔ میدان منداہم کرنے والا کچھا مشین کے کل برتی طباقت کے چند فی صد برابر برتی طباقت استعال کرتا ہے۔ میدان منسراہم کرنے والے اسس کچھے کو میدانی کے لیے بیں۔ اسس کے بر تکس مشین مسیں موجود دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ اسس کے بر تکس مشین مسیں موجود دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ برتی جند فی صد برتی ہو۔ دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ اس کے برقی طباقت وی کچھے کے میں چند فی

سشکل ۸.۹ مسیں گھومتے اور س کن حصہ کے پچ حنلائی درز مسیں شمالی قطب سے مقن طیبی بہب وہاہر نکل کر مت الب مسیں داحن ہوتا ہے جنوبی قطب پر مقن طیبی بہب او حت الب سے نکل کر جنوبی قطب مسیں داحن ہوتا ہے۔ شکل مسیں داحن ہوتا ہے جب کہ جنوبی قطب پر مقن طیبی بہب او کی گافت کو دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اسس حنلائی درز مسیں ایک گول حپکر کاٹمیں تو مقن طیبی بہب او کارخ دومسرت باہر کی حبانب ہوگا۔ ان مشینوں مسیں کو حشش کی حباتی مقن طیبی بہب او کارخ دومسرت باہر کی حبانب ہوگا۔ ان مشینوں مسیں کو حشش کی حباتی

series connected10

field coil

power coil or rotor coil or armature coil<sup>12</sup>

۵.۲ معاصرمشین

ہے کہ حنلائی درزمسیں B سائن نمساہو۔ یہ کیے کیا حباتا ہے، اسس پر آگے غور کیا حبائے گا۔ اگر تصور کر لیا حبائے کہ B کہ B سائن نمساہے تب حنلائی درزمسیں B کی قیست سشکل 2.۵ کی طسرح ہو گی جہاں  $\theta_{1}$ رتی زاویہ ہے۔ P قطبی مقیاطیسس کے معیاصر مشین کے لئے ککھ درج ذیل ہوگا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$f_e = \frac{P}{2} f_m$$

یہاں برقی اور میکانی تعبد د کا تناسب 2 ہے۔

مثال ۵۰۱: پاکستان مسیں گھ۔ میلو اور صنعتی صارف مین کو Hz کی برقی طباقت فنسر اہم کی حباتی ہے۔ یوں ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگربر قی طاقت دو قطبی جنسریٹ رے حاصل کی حبائے تب جنسریٹ رکار فتار کتنی ہوگی؟۔
  - اگر جنسریٹ کے بیس قطب ہوں تب جنسریٹ کی رفت ارکتنی ہو گی؟

حل:

- مساوات  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$ ، جنسریسٹر کامیکانی رفت ار $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  بیکر فی سیکنڈ لیعنP=2، جنسریسٹر کامیکانی رفت ارP=2 بیکر فی سیکنڈ لیعن $f_m=2$
- و بیس قطبی، P=20 ، جنسریٹ رکامیکانی رفت ار $f_m=rac{2}{20}(50)=5$  بیس قطبی، P=20 جنسریٹ رکامیکانی رفت ارکالی منسٹ ہو گلہ

اب یہ فیصلہ کس طسرح کیا جبائے کہ جنسریٹرے قطب کتے رکھے جبائیں۔ در حقیقت پانی ہے جیلئے والے جنسریٹر سے تارہ ہوتے ہیں، البندا پانی ہے جیلئے والے جنسریٹر سیٹر رفت ارہوتے ہیں، البندا پانی ہے جیلئے والے جنسریٹر سیٹرزیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن ہے جیلئے والے جنسریٹر عموماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔
جنسریٹرزیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن ہے جیلئے والے جنسریٹر عموماً دو قطب کی ہوتے ہیں۔ ان مسیں ایک سیکل میں دو قطب تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ اسس میں تین سائن لیجھے ہیں۔ ان مسیں ایک لیجھا ہے۔ اگر اسس شکل مسیں باقی دو کچھے نہ ہوتے تب ہوتے تب بالکل شکل ان مسین دیا گیا مشین ہی تھے۔ البت دیے گئے شکل مسین ایک کی جبائے تین سائن کچھے ہیں۔

المجھے کارخ درج ذیل طریقہ ہے تعلین کے حسین کے حسین کے حسین کی جبائے تین سائن کچھے ہیں۔

• دائيں ہاتھ كى حيار انگليوں كو دونوں شكافوں مسيں برقى روكے رخ لييٹيں۔ دائيں ہاتھ كا انگوش لچھ كارخ دے گا۔

مسیں لیجے ہے کا برق روٹ گاف۔ مسیں، کتاب کے صفحہ کو عصودی، باہر رخ جبکہ ''مسیں اسس کے مختلہ ''مسیں اسس کے مختاف اندر رخ تصور کرتے ہوئے کیجے ہی کارخ تسیبہ دار ککسیسرے دکھیایا گیا ہے۔ اسس رخ کو ہم صف راوپ تصور کرتے

rpm, rounds per minute 1A



#### شکل ۸.۵: دوقطب، تین دوری معاصر مشین ـ



شکل ۹.۵: دو قطب تین دوری مشین ـ

 $\frac{1}{2}$  بین کی مست رزاوی پر لپیٹا گیا ہے، لین  $\frac{1}{2}$  بین  $\frac{1}{2}$ 

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

۵.۲ معياصرمشين

 $\lambda_a(t_1)$  ای طسرح لمحیہ  $t_3$  پر، جب مقت طیس مسزید °120 زاویہ طے کرلے، لیجھاc کاار تباط ہیساو ( $t_3$ ) ہو گاجو ( $t_3$ ) ہو گاجو این درج ذیل کھیا جب سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ان لمحات پر لچھوں کے امالی برقی دباو

$$e_a(t_1) = rac{\mathrm{d} \lambda_a(t_1)}{\mathrm{d} t}$$

(a.ir) 
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

(a.ir) 
$$e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

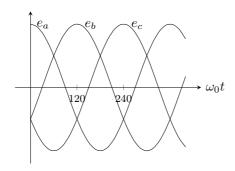
ہوں گے۔مساوات ۱۰ ۵ کی روشنی مسیں درج ذیل ہو گا۔

$$(a.ir)$$
  $e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$ 

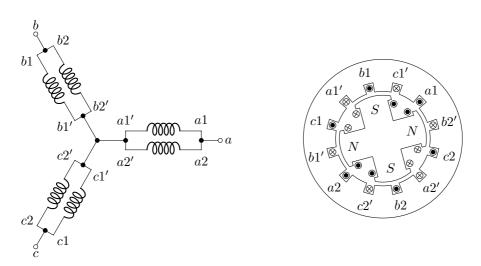
اگر شکل ۹.۹ مسیں صون لیجہ a پایا حباتا تب یہ بالکل شکل ۱.۵ کی طسر a ہوتا اور اگر ایسی صورت مسیں مقت طیس گھٹڑی کے مختالف رخ ایک مقسر رہ رفتار a سے مسیاحیاتات ، جینے پہلے نزگرہ کیا گیا ہے ، لیجس مقت طیس آئی نمب برقی دباوہ والے مشکل ۹.۹ مسیں کی ایک لیجھ کو کی دوسرے لیجھ پر کوئی برتری حساس نہیں a مسیں سائن نمب برقی دباو a ہے۔ یوں اگر شکل ۹.۹ مسیں مقت طیس آئی طسر a گھٹا یا جائے تب تب نول سائن مجھوں مسیں سائن نمب برقی دباو a پیدا ہو گالبت مساوات a ۱۰ کی تحت ہے برقی دباو آئیس مسیں a 120 ناوی پر ہوں گے۔ ان امالی برقی دباو کو شکل پیدا ہو گالبت میں درجی والے a بر a کی جو ٹی پائی ہوتے ہوگی ہوتے ہوئے ہوتے ہوگی ہوتے ہوں رہے وار لیجھ کی چوٹی پائی کی جوٹی پائی میں درجی نول ہوں گے۔

$$\begin{split} e_a(t) &= E_0 \cos \omega_0 t \\ e_b(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{2}{3}\pi\right) \\ e_c(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{4}{3}\pi\right) = E_0 \cos \left(\omega_0 t + \frac{2}{3}\pi\right) \end{split}$$

شکل ۱۱،۵ مسیں حپار قطب، تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ گوتے ہے پر شمالی اور جنوبی قطبین باری باری کی کے حب تے ہیں اور 180° میکانی زاویہ مسیں شمال اور وست رہی جنوب قطب کی ایک جوٹی پائی حباتی ہے۔ بی میکانی زاویہ مسیں شمال اور وست رہی جنوب قطب کی ایک جوٹی پائی حباتی ہے۔ بی میکانی زاویہ مسیں تین نراویہ مسیں جن کی اطسراف کی ترتیب، گھٹری کے محالف رخ چلتے ہوئے، ۵،۵ رہی زاویہ کے احساط مسیں جن کی اطسراف کی ترتیب، گھٹری کے محالف رخ چلتے ہوئے، ۵،۵ رہی اور کا ہے۔ شکل ۱۱،۵ مسیں دو قطبین کے احساط، 180° میکانی زاویہ (یا °360° برقی زاویہ)، مسیں بالکل ای طسرح تین دوری کچھوں کے اطسراف کی ترتیب 180° ماری اور کا ہے۔ باقی دو قطبین کے احساط مسیں بھی بالکل ای طسرح آپ کو 20 میکانی وری دوری دوری کچھوں کے ایک اور 240′ نگر دوری برقی دباو سال کا حب تا ہے۔ شکل ۱۱،۵ مسیں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے۔ بہالی کو سالم کھے کو صف رزاویہ پر تصور کسیا گیا ہے۔ شکل ۱۱،۵ مسیں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے۔ جہاں کے کے قصف رزاویہ پر تصور کسیا گیا ہے۔



شکل ۱۰.۵: تین دوری امالی برقی د باو مسین زاویا کی منسر ق بایا جب تا ہے۔



مشكل ۱۱.۵: حيار قطب، تين دوري معاصر مشين ـ

۵٫۳ محسر کے برقی دباو



- کا ۱۱.۵:ایک حیکر کالچھامقت طیسی میدان مسیں گوم رہاہے۔ محوری لمبائی l ہے۔

## ۵٫۳ محسرک برقی دیاو

وت نون لوریسنز  $q^{r}$  کے تحت مقت اطیسی میں دان  $q^{r}$  مسیں سمتی رفت اد $q^{r}$  کے حسر کرت کر تاہوا **برقی بار**  $q^{r}$  درج ذیل قوت  $q^{r}$  محموسس کرے گا۔

$$(\mathfrak{d}.\mathfrak{d})$$
  $oldsymbol{F}=q(oldsymbol{v} imesoldsymbol{B})$ 

یہاں سستی رفتار سے مسراد برقی میدان کے لیے اظ ہے برقی بارکی سستی رفت اربے المبند ا $\mathbf{F}$  کو سے کن مقت طیبی میدان میں برقی بارکی سنتی رفت از کو گا **تا واخ** ا<sup>۱</sup> دیگا (صفحہ ۹۰ پر شکل میں برقی بارکی استی ہاتھ کی حیار انگیوں کو  $\mathbf{v}$  کے رخ سے شروع کر اس ہاتھ کی حیار انگیوں کو  $\mathbf{v}$  کے رخ سے شروع کر کے بھوٹے زاو سے برگھا کر ،  $\mathbf{g}$  کے رخ موڑنے ہے انگوش  $\mathbf{F}$  کا رخ دیگا۔

مقت طیسی میں است دائی نقط ہے اختتا ی نقطہ تک، جن کے نیج ہٹا و است دائی نقطہ سے اختتا کی نقطہ تک کے لئے q مرکز کام W ہوگا:

$$(\textbf{0.11}) \hspace{3.1em} W = \textbf{\textit{F}} \cdot \textbf{\textit{l}} = q(\textbf{\textit{v}} \times \textbf{\textit{B}}) \cdot \textbf{\textit{l}}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقط ہے دو سرے نقط منتقبل کرنے کے لئے در کار کام کو ان دو نقطوں کے آخ برقی دباو<sup>17</sup> کہتے ہیں جس کی اکائی وولٹے ۲۳ کے بین اسس مساوات سے ان دو نقطوں کے آخ درج ذیل برتی دباو ہوگا۔

$$($$
ه.اک $)$   $e=rac{W}{q}=(oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})\cdot oldsymbol{l}$  ورکای  $e=rac{W}{q}=(oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})$ 

حسر کت کی مدد سے یوں حسامس ابر تی دباو کو **محرکے برقی دباو<sup>۳۳ کتج</sup> ہیں۔** روایق طور پر <sup>ک</sup>سی بھی طسر ایق ہے ہے۔ ابر تی دباو کو محسر کے برقی دباو کتے ہیں۔ یوں کیمیائی برتی سسیل وغنیہ رہ کابرتی دباو بھی محسر کے برقی دباو کہالے گا۔

Lorentz law19

charge r.

right hand rule

potential difference, voltage"

volt

electromotive force, emf

شنگل ۱۵.۱۳-امسیں حناان گھٹڑی گھومتے جو پرایک جپکر کا کچھانی ہے جس کی محوری لمبائی 1 ہے۔بائیں حنااء مسیں کچھ کی تارکے قطع پر غور کریں۔ مساوات ۱۵.۵ کے تحت بایاں قطع مسیں موجود مثبت برتی بار پر صفحہ کے عصودی باہر رخ قوت پسیدا ہو گی جبکہ اسس قطع مسیں موجود منفی برتی بار پر اسس کے مختالف رخ قوت پسیدا ہو گی۔ مساوات 21.6 کے تحت اسس قطع کابلائی سرامثنی برتی دیا دیا ہوگا۔

ہم گھومتے ھے۔ کی محور پر تکلی محد دوت کم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سبنے حساباہ مسیں B ردای رخ جب شمالی تقطب کے سبنے حساب مسیں B رداس کے مناف رخ ہو گا۔ جنوبی قطب کے سبنے حشاف مسیں برقی تار B کے تقطب کے سامنے مسیاں برقی تار B اور اسس کارخ  $a_z$  کہ ہم درج ذیل کھے سبتے ہیں جہاں تارکی کم بارگ کے اور اسس کارخ  $a_z$  کہ اور اسس کارخ ہو کے بیار جہاں تارکی کم بیار ہم بیار ہم کارخ ہو کی اور اسس کارخ ہو کی بیار جہاں تارکی کھو سبتے ہیں جہاں تارکی کم بیار ہم بی

$$m{v}_S = vm{a}_ heta = \omega rm{a}_ heta$$
 (a.in)  $m{B}_S = Bm{a}_ ext{r}$   $m{l}_S = lm{a}_ ext{z}$ 

یوں جوبی قطب کے سامنے تارکے قطع مسیں درج ذیل محسر کے برقی دباویسیدا ہوگا۔

$$e = (\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \cdot \boldsymbol{l}$$
 
$$= \omega r B l(\boldsymbol{a}_{\theta} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= \omega r B l(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= -\omega r B l$$

اسس مساوات مسین برقی دباو منفی ہونے کامطلب ہے کہ برقی تار کا بنیت سرا تاریح ہے۔ رخ ہے لیعنی تار کا نحیلا سرا منبی سے را تاریح ہوگا ہے شکل مثبت اور بالائی سرا منفی ہے۔ اگر اسس تار مسین روگز ر سے تو اسس روکار رخ ہوگا ہے شکل میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیے گیا ہے۔ اس طیبی قطب کے سامنے شکاف مسین موجو دبر قی تاریح کے گئے درج ذیل کھے جب سکتا ہے (مشکل ماریح ہور اور قبل کا می خوب سکتا ہے (مشکل میں تاریخ ہوگا ہے۔ اس تاریخ ہوگا ہوگا ہوگا ہے۔

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_ heta &= \omega r oldsymbol{a}_ heta \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_ ext{r} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_ ext{z} \end{aligned}$$

یوں اسس قطع مسیں درج ذیل دیاو ہو گا۔

$$e_N = (\boldsymbol{v}_N \times \boldsymbol{B}_N) \cdot \boldsymbol{l}_N$$
 
$$= -\omega r B l (\boldsymbol{a}_\theta \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= -\omega r B l (-\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= \omega r B l$$

اسس مساوات مسین برقی دباومثبت ہونے کامطلب ہے کہ برقی تار کامثبت سسراتار پریم رخ ہو گالیخی تار کابالائی سسرا مثبت اور نحپلا سسرامنفی ہو گا۔ اگر اسس تار مسین رو گزر سکے تواسس کارنی ہے لینی صفحہ کو عصودی باہر رخ ہو گاجے مشکل ۱۲۵۔ ب مسین شگاف مسین دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان ہے دکھیایا گیا ہے۔ یے دونوں تار مسل کر ایک حسیس کی گالچھ ابناتے ہیں۔ ان تاروں کے نمپلے سسر ایک دوسسرے کے ساتھ سلسلہ وار حبیر ٹرے ہیں جسس کو سشکل ۵۰۱۲ مسیس نہیں دکھیا گیا۔ یوں اسس کچھے کے بالائی، نظسر آنے والے، سسروں پر کل برقی دباو ان دوبر تی تاروں مسیس پسید ابر تی دباوکا محبسوء ہوگا:

$$\begin{array}{l} (\texttt{a.rr}) & e = 2rlB\omega \\ & = AB\omega \end{array}$$

یہاں کچھے کارقب N=1 A=2rl ہوتب N حپکر کے کچھے سے درج ذیل دباو حساس ہوتب N مقت طیبی ہیا ہے۔  $\phi=A$  مقت طیبی ہیا ہے۔

$$e = \omega NAB$$
 (a.rr) 
$$= 2\pi f NAB$$
 
$$= 2\pi f N\phi$$

گوه تی مشینوں کی حنائی درز مسیں B اور v ہر لحصہ ایک دوسرے کے عصوری ہوتے ہیں۔ مساوات کا۔ ۵ کے تحت مستقل زاویائی رفت ار اور محوری لمبائی کی صورت مسیں پیدا کردہ برقی دباو ہر لحصہ B کا براہ راست مستناسب ہوگا۔ حنائی درز مسیں زاوی کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت مسیں گوختے لیچے مسیں پیدا برقی دباو بھی زاوی کے ساتھ تبدیل ہوگا۔ اور کار ہوائی شکل کی کثافت مقت طبی دباو حنائی درز مسیں پیدا کرنی ہوگا۔ سائن نمسائری دباوجی بیاور کار ہوگا۔ گا۔ سائن نمسائری دباوجی کے سائر درز مسیں پیدا کرنی ہوگا۔ سائن نمسائری دبار نے کے گئے خنائی درز مسیں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بیسائی جسائی دبائی گا۔

# م. ۵ کھیلے کچھے اور سائن نمامقٹ طیسی دباو

ہم نے اب تک جینے مشین دیکھے ان سب مسیں گچھ دکھائے گئے۔ مسزید ان مشینوں مسیں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے اہم نے قطب  $^{17}$  تھے۔ عسوماً حقق مشینوں کے ہموار قطب  $^{21}$  اور پھیلے پچھے  $^{18}$  ہوتے ہیں جن کی ہا اور گھومتے حصوں کے پچ حنال کی درز مسیں سائن نما مقاطی دباواور سائن نما گافت۔ مقاطیبی ہباویسیدا کر نام مسکن ہوتا ہے۔ گھومتے حصوں کے پچ حنال کی درز مسیں ایک گچھ لیجسا دکھایا گیا ہے جہاں مشین کے گھومتے حصے کا عسودی ترامش گول مشکل کا ہوگا۔ متحسر کسال 3 ہوگا۔ متحسر کس ایک گھومتے حصے کا مسودی ترامش گول مشکل کا ہوگا۔ متحسر کسال کا ہوگا۔ متحسر کسال کا معالی دباور کا کی جہائے دریان کی تو کی جہائے کے کامف طیمی دباو کی درز مسیں ہے دور کا ہوگا۔ مقت طیمی ہیساو حنال کی درز مسیں ہے دو مسیل ہیں ہوگا۔ کی درز مسیں ہے دور کا بیا ہوگا۔ مسیل ہیں ہوگا۔ کی درز مسیں ہے دری ذرا کہ ہوگا۔

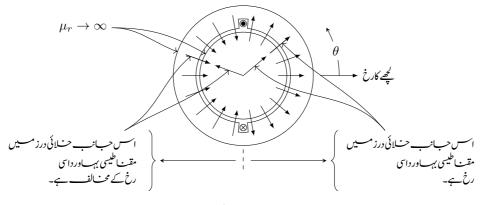
$$(a,rr)$$
 
$$\tau = Ni = 2Hl_a$$

non-distributed coils \*\*

salient poles

non-salient poles r2

distributed winding \*A



#### مشكل ١٣.١٥: ساكن لچھ ﷺ



اسس مساوات کی دونوں اطسران کو 2 سے تقسیم کرتے ہوئے ایک درز کی مساوات کھی حباس تی ہے جہاں ایک درزیرلا گومقت طبیمی دباو کو  $au_a$  سے ظہر کسیا گیا ہے:

$$\tau_a = \frac{\tau}{2} = H l_a$$

یوں ساکن کھے کے مقن طبی و باو کا ایک آوھ حسے ایک حنائی درز اور دو سرا آوھ احسے دو سری حنائی درز مسیں مقن طبی بہاو پی اگر تا ہے۔ مسزید زاویہ  $90^\circ$  تا  $90^$ 

 $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{3\pi}{2}$  درزمسیں مقت طبی دباو  $\tau$  کا آدھ اور منفی رخ ہے۔ یاد رہے مقت طبی دباو کارخ ردای رخ کے حوالہ سے کی حن لائی درز مسیں مقت طبی دباو کھیے کے مقت طبی و باو کا آدھ اور منفی رخ ہے۔ یاد رہے مقت طبی دباو کارخ ردای رخ کے حوالہ سے تعت رکھیا تا ہے۔

#### ۱.۴.۱ بدلت ارومثین

برلت ارو (اے ی) مشین بن تے وقت کوشش کی حباتی ہے کہ حنالائی درز مسیں مقت طیسی دباو سائن نم ہو۔ سائن نمس مقت طیسی دباو کے حصول کی حناط سر کیجوں کو ایک ہے زیادہ شکا فوں مسیں تقسیم کیا حباتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نمسامقت طیسی دباو کیسے حسامس ہوتا ہے، اسس بات کی بیسال وضاحت کی حبائے گی۔

فور پیر تسلسل ۲۹ کے تحت ہم کسی بھی تفت عسل ۴۰ (اور پیر کا کی کو درج ذبل کھ سے ہیں۔

(a.ra) 
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

تف عسل کادوری عسر میں  $T^n$  ہونے کی صور سے مسین فوریٹ سلسل کے عبد دی سسر درج ذیل ہوں گے۔

$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \, \mathrm{d}\theta_p$$
 
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p$$
 
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p$$

مثال ۵.۲ شکل ۵.۱۴ میں دیے گئے مقت طیسی دباوکا

- فوريئ رئىلى سامىل كري،
- تىسىرىموسىقائى حسنرو الاربنسادى حسنرو الماكات سسمعلوم كرين-

حــل:

• مساوات ۵.۲۲ کی مددسے

Fourier series 79

function".

time period<sup>r1</sup>

third harmonic component fundamental component

$$\begin{split} a_0 &= \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right] \\ &= 0 \end{split}$$

ور درج ذیل حساصسل ہوں گے۔

$$\begin{split} a_n &= \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{\pi/2}^{\pi} \right] \\ &= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right] \\ &= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2} \end{split}$$

 $a_1=\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3=-\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5=\left(\frac{4}{5\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)$   $a_2=a_4=a_6=0$ 

اسی طب رح درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} b_n &= \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{-\pi}^{-\pi/2} - \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{\pi/2}^{\pi} \right] \\ &= 0 \end{split}$$

• ان نت انج كا يكب اكرتے ہيں:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$



مشكل ١٥.١٥: تين دور لجھے۔

يوں تيپ رامو سيقائي حبزوبنپادي حبزو کا تيپ راحس يعني 33.33 في صيد ہو گا۔

مثال ۵.۲ مسیں حاصل کردہ  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم حنائی درز مسیں مقت طیسی دباو  $\tau$  کا فوریٹ ر $\tau$  کا فوریٹ بین۔

$$(\text{a.rL}) \hspace{1cm} \tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p - + \cdots$$

مثال ۵.۲ کے مقت طیسی دباو کے موسیقائی احبزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا حب سکے۔ جیب آپ اسس باب مسیں آگے دیکھیں گے حقیقی مقت طیبی دباو کے موسیقائی احبزاء وتبابل نظیر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی حبزو سے عشرض ہو گا۔ای حقیقت کو مد نظیر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی احبزاء کو نظیر انداز کرتے ہوئے مساوات ۵.۲۷ سے

(a.th) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

کھتے ہیں جہاں  $au_0$  درج ذیل ہے۔

(a.rq) 
$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

0.17 حنلانی درج مسین  $\tau$  ، H اور H ایک دو سرے کے برائے راست مستنا ہوتے ہیں۔ یوں مساوات A ، C کرتے ہوت کے تحت شکل C ، C اور C ایک مسین صف رزاوی پر سلاخ نما مقن طیس یک ال C ، C اور C ) دیں گے۔ ای مسل C بر بوتا تب بمیں شکل C ، C مسین موجو دمقن طیس کے نتائج حاصل ہوتے۔ مشکل C ، C مسین تین کچھے آپ مسین C ناوی پر دکھائے گئیں۔ بم مساوات C کی طسرت اس مسکل C ، C کی مسین تین کچھے آپ مسین C ناوی پر دکھائے گئیں۔ بم مساوات C کی مسین تین کچھے آپ مسین گھی ہیں۔ بم مساوات کا کہ کے ہیں۔

(a.r.) 
$$\begin{split} \tau_a &= \tau_0 \cos\theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^\circ \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos\theta \end{split}$$

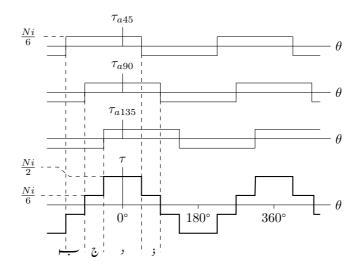


مشكل ٥.١٦: پهپلالچها ـ

$$\theta_{m_c}=240^\circ$$
ای طسرح کیجف  $\theta_{m_c}=120^\circ$  ورج ذیل ہوگا۔ 
$$au_b=\tau_0\cos\theta_{p_b}$$
 (۵.۳۱) 
$$au_b=\theta_{m_b}=\theta-120^\circ$$
  $au_b=\tau_0\cos(\theta-\theta_{m_b})=\tau_0\cos(\theta-120^\circ)$ 

$$\begin{split} \tau_c &= \tau_0 \cos\theta_{p_c} \\ (\text{a.rr}) &\qquad \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^\circ \\ &\qquad \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^\circ) = \tau_0 \cos(\theta + 120^\circ) \end{split}$$

series connected



شکل ۱۷. ۵: پھیلے کچھے کاکل مقن طیسی دباو۔

متس م کیجے  $\frac{N}{3}$  حب کر کے ہیں اور متس م کیجھوں مسین برتی رو i ایک دوسرے جیب ہے۔ شکل ۱۹ کا رقب کے بھیلے کیجے کا مقت طبی دباو بالمقابل زاویہ کا ترسیم مشکل ۵.۱۷ مسین موٹی لگسید ہے دکھایا گیا ہے۔ سب ہے اوپر کیجھا کا مقت طبی دباو کی ترسیم ہے جو شکل ۱۹۵۳ کی ترسیم کی طسرح کسیکن صفسر زاویہ ہے  $a_{135}$  کی ہے جو صفسر زاویہ سے  $a_{20}$  کی ہے جو صفسر زاویہ ہے  $a_{20}$  کی ہے جو صفسر زاویہ ہے۔  $a_{20}$  کی ہے جو صفسر زاویہ ہے۔  $a_{20}$  کی ہے جو صفت راویہ ہے۔

auر ترجات au مقن طیسی دباو کی تر سیم au مقن طیسی دباو کی تر سیم au معن au مقن طیسی دباو کی تر سیم au معن au معن عصود کی نقط دار کسیریں لگائی گئی ہیں۔ سب سے بائیں پہلی کسیر کی بائیں طسرون خطہ کو "" کہا گی سے اس خطہ مسیں ترسیعات au معن au معن au اور au اور au معن الفندادی قیمتیں کی مقن طیسی دباو au کی آفید au

مشکل ۱۵،۵ کی ہو کو مشکل ۵،۱۸ کمسیں دوبارہ پیش گیا ہے۔ مشکل ۵،۱۸ پیسلے کچھے اور مشکل ۵،۱۸ گچھ کے دباوکی ہر سیاس تر سیات ہیں۔ مشکل ۵،۱۸ کے لیاظ ہے مشکل ۵،۱۸ کی صورت سائن نما کے زیادہ و ت ریب ہے۔ فوریٹ رسلسل حسل کرنے سے بھی بی نتیب حساصل ہوتا ہے۔ مشکافول کے معتامات اور ان مسیں کچھوں کے حیکر یول رکھے حباسے ہیں کہ ان کے پیدا کردہ مقناطیعی دباوکی ترسیم کی صورت سائن نما کی زیادہ سے زیادہ و ت ریب ہو۔

پھیلے کچھے کے فٹلف جھے ایک ہی زاو ہے پر مقت طبیعی دباو نہیں بناتے لہانہ اان سے حسامس کل مقت طبیعی دباو کا حیطہ



مشكل ١٨. ٥: پيسيلے ليھے كامقت طيسي دباو۔

(اتنے ہی حپکر کے) ایک گچھ کچھے کے حیط سے کم ہوتا ہے۔ مساوات ۵.۲۹ مسیں اسس اثر کو مشامسل کرنے کے لئے حسنرو  $k_w$  متعب رونسے کہا جاتا ہے

(۵.rr) 
$$\begin{aligned} \tau_0 &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \\ \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$
 جہاں پر بڑو پھیلاو میں اور اور اور اور کی اور کی تاریخ کے کم ہوتی ہے۔

(a.rr) 
$$0 < k_w < 1$$

مثال ۵.۳ شکل ۵.۱۱ کے پھیلے کچھے کا  $k_w$  تلاش کریں۔

 $a_1$  جسیں شکل ۱.۱۸ کی موج کابنیادی حبز ودر کار ہے المہذاہم اسس موج کے فوریٹ رشکل کاعب دی سر تا سال کاعب دی سر تا سال  $90^\circ$  میں پورے موج کی بجب نے ہم آدھی موج پر  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  کمل لیتے ہیں۔ یوں  $a_1$  کا کلیے درج ذیل صورت اختیار کر تا ہے۔ (آپ حیاییں تو پوری موج پر تکمل لے سکتے ہیں۔)

$$a_1 = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{4}{T} \int_{-T/4}^{T/4} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta$$

اسس طـــرح درج ذبل ہو گا۔

$$\begin{split} a_1 &= \frac{2}{\pi} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{2}{\pi} \Big[ \int_{-\pi/2}^{-\pi/4} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta + \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \frac{Ni}{2} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta + \int_{\pi/4}^{\pi/2} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta \Big] \\ &= 0.8047 \, \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \end{split}$$

winding factor "

П





شكل ١٩.١٥: پهيلے لچھے كاحبزو پھيلاو۔

مقت اطیعی دباو کو سمتیہ تصور کرتے ہوئے درج بالا مشال کو دوبارہ حسل کرتے ہیں۔ آپ و کیھیں گے کہ یہ ترکیب نسبتاً آپ ان ہے۔ مشال ۱۰ کے کہ یہ کہ گھی کا  $k_w$  تلاسش کریں۔ مشال ۵.۱۸ کے کھیلے کچھے کا  $k_w$  تلاسش کریں۔

ری البت ان کے رخوع کریں۔ شکل ۱۹ مرکز کے تین چھوٹے لیجھے ایک جیسامقٹ طبی دباو  $\frac{1}{\pi}$  ہے ہیں۔ سکل ۱۹ میں دباو کے میں البت ان کے رخ مختلف ہیں۔ بیساں ایک لیجھ کی گے کہ کا ہے لہندا  $\frac{N}{3}$  پسکر کا ہے لہندا  $\frac{N}{3}$  ہیں۔ متیات کا مجسوعہ لے کرمقٹ طبیمی دباو  $\tau$  معسلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

-لېپ نابر $k_w=0.8047$  برابر

مثال ۵.۵: تین دوری، 50 ہر ٹن ستارہ حبڑے جنسریٹ کو 3000 حیکر فی منٹ کی رفت ارسے حیلایا حباتا ہے۔ تیسس کو کی میدانی کچھے کا حبزو پھیلاو 0.83 ہیں  $k_{w,q}=0.833$  جب کہ بیندرہ حیکر تولی کچھے کا حبزو پھیلاو 0.83 ہیں  $k_{w,q}=0.833$  جہ مشین کارداسس 0.7495 میٹر اور لمب کی 2.828 ہیں میں  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔ حنلائی درزکی لمب کی کارداسس 1000 میٹر برتی روکی صورت مسین درج ذیل تلاشش کریں۔ حنلاء مسین مقت طبی ہیں او سائن میں ہوگا۔

- میدانی مقن طیسی د باو کی زیادہ سے زیادہ قیم۔۔
- حنلائی درزمسیں کثافت مقن طیسی بہاو کی زیادہ سے زیادہ قیت۔
  - ایک قطب پر مقن طیسی بہاو۔

• متحسرك تارىر برقى د باو\_

ىل:

$$\tau_0=k_{w,m}\frac{4}{\pi}\frac{N_m i_m}{2}=0.9\times\frac{4}{\pi}\times\frac{30\times1000}{2}=$$
 17 189 A  $\cdot$  turns/m  •

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17189}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

$$\phi_0 = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} r l B_0 \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = 2 B_0 l r = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.289$$
 15 Wb •

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

یوں ستارہ حبٹری جنسریٹ کی تار کابر قی دباو درج ذیل ہوگا۔

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11\,000\,\text{V}$ 

П

ہم سائن نم مقت طیمی دباو حسام کرنا حیاہے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے حیکر اور شگافوں کے معتامات یوں پخے حیاتے ہیں کہ سے مقصد پورا ہو۔ شکل ۱۹۸ ۵ مسیں صغر زاویہ کے دونوں اطسران مقت طیمی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسئر پڑا گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسئر پر گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسئر پر گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ بنیادی اصول ہے جس کا فسیال کھنا ضروری ہے۔ چھوٹے کچھوں کے حیکر اور شگافوں کے معتامات کا فیصلہ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیا حیاتا ہے۔ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیاحیاتا ہے۔ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیاحیاتا ہے۔ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیاحیاتا ہے۔ تاکہ سائن کچھوں کی طسرح متحسر کے کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں مسیں تقسیم کسیاحیاتا ہے۔ تاکہ سائن کے مقتاطیبی دباوحیاصل ہو۔

# ۵.۵ مقن طیسی دباو کی گھومتی امواج

گھومتے مشین کے کچھوں کوبرتی دباو فسنسراہم کیا جباتا ہے جس سے اسس کا گھومنے والاحسہ حسر کی۔ مسین آتا ہے۔ یہاں ہم اسس بات کامط العب کرتے ہیں کہ گھومنے کی حسر کت سے پیدا ہوتی ہے۔

۵.۵.۱ ایک دورکی کسپٹی مشین

م اوات ۵.۳۳ مسین ایک کچھے کامقت طیسی دباو

(a.ra) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیاگیاہے جو سائن نمابر قی رو

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صور<u>۔</u> مسیں

(a.r2) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقت طیسی دباودے گاجہاں  $au_0$  درج ذیل ہے اور کچھا کے برقی روکو  $i_a$  کہا گیا ہے۔

میاوات ۵٫۳۷ کہتی ہے کہ مقت طبیعی دباوزاد سے hetaاور لمحہ t کے ساتھ تب دمیل ہو تاہے۔ میاوات ۵٫۳۷ کو کلیہ

(a.rq) 
$$\cos\alpha\cos\beta = \frac{\cos(\alpha+\beta) + \cos(\alpha-\beta)}{2}$$

کی مد د سے دو ٹکڑوں

(a.r.) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

میں تقسیم کیا جبال  $\tau_a^+$  اور  $\tau_a^+$  درج ذیل ہوں گے۔

(a.rl) 
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(a.rr) 
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2} \cos(\theta - \omega t)$$

مساوات ۵.۴۰ کہتی ہے کہ مقت طبیعی دباو دو آلپس مسیں محت الف رخ گھومتے مقت طبیعی دباو کی موجوں کا محب وعب ہے۔  $\tau_a^+$  دنیاون  $\tau_a^+$  دنیاون کی بہلا حب زو  $\tau_a^-$  زاویہ کا گھٹے کے رخ، لیعنی گھٹری وار ، گھومت ہے جب کہ اسس کا دوسسرا حب زو  $\tau_a^+$  دنیاون گھٹری، زاویہ بڑھنے کے رخ، گھومت ہے۔

ایک دور کی لپٹی مشینوں مسیں گھومتے مقت طیسی دباو کی امواج مسیں سے کسی ایک کو بالکل حستم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی حباتی ہے۔اسس طسر ح ایک ہی رخ مقت طیسی دباو گھومت ملے گاجو بالکل ایک گھومتے ہوئے مقت طیسس کی مانت دہو گا۔ گا۔ تین دور کی مشینوں مسین ایس اکرنانہایت آسان ہوتا ہے لہا۔ذاانہ میں پہلے سمجھ لیسازیادہ بہستر ہوگا۔



#### شکل ۲۰ : ۵ : تین دورکی لپ ٹی مشین۔

## ۵.۵.۲ تین دورکی لپٹی مشین کا تحلیلی تحب ز ہے۔

شکل ۵.۲۰ مسیں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات ۵.۳۱،۵۳۰ اور ۵.۳۲ مسیں ایسے تین کچھوں کے فوریسسر تسلسل کے بنیادی احمد کی تاریخ

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta \\ (\text{s.rr}) &\qquad \tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ) \end{split}$$

ان لچھوں مسیں بالت رتیب تین دوری برقی رو

$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
 
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

لینے سے مساوات ۸۳۳ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a I_0}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha) \\ \tau_b &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b I_0}{2} \cos(\theta - 120^\circ) \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c I_0}{2} \cos(\theta + 120^\circ) \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ) \end{split}$$

تئے نوں کچھوں کے مپکرایک دوسے کے برابر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات ۵.۳۹ کی استعال سے

$$\begin{split} \tau_a &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \\ \tau_b &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^\circ) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \\ \tau_c &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^\circ) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \end{split}$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقت طبیعی دباوauان سب کا محب و عب ہوگا۔ انہ میں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔  $\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^\circ) + \cos(\gamma + 240^\circ) = 0$ 

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\beta = 240^{\circ}$$
اور  $\beta = 240$ 

$$\cos(\gamma + 240^\circ) = \cos\gamma\cos 240^\circ - \sin\gamma\sin 240^\circ$$
$$\cos(\gamma - 240^\circ) = \cos\gamma\cos 240^\circ + \sin\gamma\sin 240^\circ$$

 $\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$ اور  $\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$  درج ذیل ساسل ہوگا۔

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

ان مباوات کو ç cos کے ساتھ جمع کرنے سے صف رحباصل ہو گا۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma + 240^\circ) + \cos(\gamma - 240^\circ) = 0$$

ے لئے اسس مساوات کو درج ذیل کھیا حب سکتا ہے۔ 
$$\gamma = \theta + \omega t + \alpha$$

(a.rn) 
$$\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^\circ) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^\circ) = 0$$



شکل ۵.۲۱: حسرکت کرتی موج۔

اب مساوات ۵٬۳۸ مسین دیے  $au_b$  اور  $au_c$  کو جمع کر کے مساوات ۵٬۳۸ کا استعمال کرتے ہوئے درج ذیل حساس ہو گا

(a.rg) 
$$\tau^+ = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات ۸۳۹ می کہتی ہے کہ کل مقت طبیبی دباو کا حیطہ کسی ایک لیچھ کے مقت طبیبی دباو کے حیطہ کا 3 گئت ہو گا۔ مسزید مقت طبیبی دباو کی موج گھٹڑی کے محت الف رخ گھو مے گی۔ یوں تین کچھوں کو 120 نواو ہے پر رکھنے اور انہمیں تین دوری بر قیروہ جو آپ مسیس مسیس موج دوجود مسیس آتی ہے۔ یہاں اسس بات کا ذکر کر ناضروری کے کہ کہ دوبر قی روکو آپ مسیس مسیس تیسب میل کرنے سے مقت طبیبی موج کارخ تسب میل ہوتا ہے۔

میاوات ۵٬۳۹ میل گلومتے موج کو ظبہر کرتی ہے جس مسین ہم برتی رو کا تعبد در ۱۵ اور اپنی آب نی کے لئے  $\alpha$  کو صف رلیتے ہیں۔ یوں اسس موج کی چوٹی کا تعبین تف عسل  $\cos(\theta-\omega t)$  کے  $\cos(\theta-\omega t)$  کے گئی پر نظسر رکھیں۔ تف عسل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی اکائی ہے جو  $\omega$  میں۔ تف عسل رکھیں۔ تف عسل رکھیں۔ تب ایک جو گئی ہے۔

ابت دانی کوے t=0 کے لئے مسل کرتے ہیں۔  $(\theta-\omega t)=0$  کی چوٹی کی  $(\theta-\omega t)=0$  کے لئے مسل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صف ربرتی زاوی پر ہوگی جے شکل ۵۰۲۱مسیں نقط دار لکب رسے ظاہر کیا گیا ہے۔ ہم کچھ وقف، مشلأ

سينڈ، بعب داسس ڇوڻي پر دوباره نظب رڙالتے ہيں۔t=0.001

$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - 0.001\omega = 0$$

$$\theta = 0.001\omega$$

$$= 0.001 \times 2 \times \pi \times 50$$

$$= 0.3142 \text{ rad}$$

اب سے چوٹی  $\frac{\pi}{10}$  ان میں باریک ٹھو س کگسیرے ظبہر کے سنگل ۵.۲۱ مسیں باریک ٹھو س کگسیرے ظبہر کسی آب ہے۔ آب دکھ سے تاہیں کہ مقت طبیعی دباوی موج گھٹری کے محت الف رخ ، لیعن زاو سے بڑھے کے رخ ، گھوم گئی ہے۔ ای طسر آلے کے t=0.002 میں باریک کے محت اللہ کے موٹی کامت م t=0 میں خوب کے بہر چوٹی کامت م t=0 میں کامت میں کامت میں کامت کے موٹی ٹھو س کگسیرے ظبہر کسیا گیا ہے۔ ذیل حساس کا بوگا جے موٹی ٹھو س کگسیرے ظبہر کسیا گیا ہے۔

$$\theta = \omega t'$$

مساوات ۵.۵۰ کہتی ہے کہ چوٹی کا مصام تعسین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ ہتدر تکے بڑھتا ہے۔اسس مساوات ہے ایک مکمل حیکر یعنی  $2\pi=0$  برتی زاویہ طے کرنے کا دورانیہ  $2\pi$ 

(a.a.) 
$$T=t'=\frac{\theta}{\omega}=\frac{2\pi}{2\pi f}=\frac{1}{f}$$

یادر ہے f برقی روکاتف درہے۔ یوں 50 ہر ٹزبرتی روکی صورت مسین مقت طبیعی دباوکی موج ہر  $\frac{1}{50}=\frac{1}{50}$  سیئٹر مسین ایک مکسل برق حیکر کاٹے گی اور ایک سیئٹر مسین 50 برقی حیکر کلسل کرے گی۔ دو قطبی مشینوں مسین مسیاوات کے .۵

(a.ar) 
$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

ے تحت برتی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مشینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات  $\theta_e$  میں وات ایک سینڈ مسیں مقت طبی دباو کی موج  $\theta_c$  برتی یا میکانی خپر مکسل کرے گی جہاں  $\theta_c$  برتی رو کی تعد دہے۔  $\theta_c$  قطبی مشینوں کے مقت طبی دباو کی موج ایک سینڈ مسین  $\theta_c$  میکانی خپر مکسل کرے گی۔ ہم مساوات کے مقت طبی دباو کی موج ایک وونوں اطرات کاوقت کے ساتھ تفسر قالیتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta_e}{\mathrm{d}t} = \frac{P}{2} \frac{\mathrm{d}\theta_m}{\mathrm{d}t}$$

اب  $\frac{d\theta_e}{dt}$  برقی زاویائی رفت از  $\omega_e$  اور  $\frac{\theta_m}{dt}$  میکانی زاویائی رفت از  $\omega_m$  رفت اور  $\omega_m$  اور کی تعب در کو  $\frac{\theta_e}{dt}$  رفت از وی موج کی چوٹی کے برقی زاوی کی رفت از وی سے اور میکانی رفت از کو جان مقت اطبیقی دباوکی موج کی جوٹی کے برقی زاوی کی رفت از کو جان میکانی رفت از کو جان کو جا

زاویائی رفت ارکو $\omega_m$ ے ظ $\omega_m$  کرتے ہوئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\omega_m=rac{2}{P}\omega_e$$
 rad/s  $f_m=rac{2}{P}f_e$  Hz  $n=rac{120f_e}{P}$ 

مقت طیسی موج کی برتی معت صر زاویائی رفت ار  $\omega_e$  برتی براتی زاوی نی سیکنڈ اور میکائی معت صر زاویائی رفت ار  $\omega_e$  برتی برگز اور میکائی معاصر رفت از  $\omega_e$  برتی برگز اور میکائی معاصر رفت از  $\omega_e$  برگز بونے کی مسیکنڈ مسیں موج  $\omega_e$  برتی معت میکنڈ مسیں موج  $\omega_e$  برتی حب کر کاف صلہ طے کرتی ہے جو دو قطب کا لیخی  $\omega_e$  ریڈ بیٹ کامیکائی زاویہ ہے اس طسرت میکائی معاصر رفت اور برگز ہونے کا مطلب ہے کہ موج آیک سیکنڈ مسیں  $\omega_e$  میکائی حبکر کاف اسلہ طے کرے گی۔ ایک میکائی حب کر کوبی کہتے ہیں۔ اس مساوات مسیں  $\omega_e$  میکائی حبکر کوبی کہتے ہیں۔ اس مساوات  $\omega_e$  میکائی حبکر کوبی کہتے ہیں۔ اس مساوات  $\omega_e$  معاصر رفتار کی مساوات ہے۔

یہاں اسس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی کسپٹی مشین جس کے کچھ  $\frac{2\pi}{q}$  برقی زاوی پر رکھے گئے ہوں اور جن مسین برقی روم دوری ہو مسین، تین دوری مشین کی طسر رہ ایک ہی رخ گھو متے مقت طبیعی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مسندید، اسس موج کا جھے کے مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے کت ابو گا اور اسس کی زادیائی رفت از  $2\pi f$  علی مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے کت ابو گا اور اسس کی زادیائی رفت از  $2\pi f$  علی مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے گئے ہوگا ور اسس کی زادیائی رفت از کا میں مقت کے مقت طبیعی دباوکے حیطہ کی آئے ہوگا ور اسس کی زادیائی رفت از کر کے مقت کے مقت کے مقت کی سیند ہوگا۔

### ۵.۵.۳ تین دورکی کسپٹی مشین کاتر سیمی تحب زیب

شکل ۲۰۲۵ مسیں تین دورکی کسپیٹی مشین و کھائی گئی ہے جس مسیں بثبت برقی رو کے رخ و کھائے گئی ہیں۔ یوں ہے شکان بر مسین برقی رو مسین برقی رو کے مسین برقی رو کے مسین برقی رو کے مسین برقی رو کارخ صفحہ مسین عصوری اندر کو ہے جے نقطہ ہے نشان سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے کہ مسین برقی رو کے بید امقت طبی دباو کارخ مسین برقی رو کامقت طبی دباو کارخ ہے۔ لیجھے مسین برقی رو سے پیدامقت طبی دباو کارخ دائیں ہاتھ کے حت نون سے معلوم کسیاحی حباسکا ہے۔

اب اگر کچھ مسین برقی رومنفی ہوت برقی رومثبت رخ کے مختاف ہوگا، لینی اب برقی رو کارخ شگان مسین منفی ہوئی۔ کے مختاف ہوگا۔ لینی اب برقی رو کارخ شگان مسین صفح ہے عصودی باہر ہوگا۔ یول منفی برقی روسے پیدامقت طبی دباو مجمی کچھ ا کے رخ کا محتالف ہوگا۔ آپ نے دیکھا کہ برقی رومنفی ہونے سے مقت طبی دباو کارخ الٹ ہو حباتا ہے۔ شکل ۵.۲۲ مسین کچھوں کے برقی رواور مقت طبی دباو درج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل مسین دیے گئے ہیں۔

$$i_a = I_0\cos\omega t$$
 
$$i_b = I_0\cos(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0\cos(\omega t + 120^\circ)$$

synchronous speed rpm, rounds per minute r2



#### شکل ۲۲ . ۵. تین دورکی کسپٹی مشین مسیں مثبت برقی رواور ان سے حساصل مقت طبیبی دباو کے رخ۔

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_a}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \omega t = \tau_0 \cos \omega t \\ (\text{2.20}) \qquad \tau_b &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_b}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos(\omega t - 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_c}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos(\omega t + 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t + 120^\circ) \end{split}$$

ہم مختلف لیجات پر ان کی قبیتوں کو تلاسٹس کرتے ہیں اور ان کامحب و علی مقت طیسی دباو حساس کرتے ہیں۔ t=0 کیسے t=0 بیان درج ابلام اوات سے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$i_a=I_0\cos 0=I_0$$
 (۵.۵۲) 
$$i_b=I_0\cos (0-120^\circ)=-0.5I_0$$
  $i_c=I_0\cos (0+120^\circ)=-0.5I_0$ 

$$\begin{split} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ (\text{d.d2}) &\qquad \tau_b &= \tau_0 \cos (0-120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0+120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{split}$$

a' یہاں رکھ کر ذراغور کریں۔ لمحب t=0 پر a بیشہ جب کہ a اور a نفی ہیں۔ یوں a کارخ وہی ہوگا ہے سشکل ۵.۲۲ کی a اور a سے گافوں مسیں نقطے اور صلیب ہے دکھایا گیا ہے جب a اور a اور a کے مختلف ہوں گے۔ کھیا گیا ہے دکھایا گیا ہے جب کہ مقت طبعی دیاو مشکل ۵.۲۳ مسیں دکھائے گئے ہیں۔ کم مقت طبعی دیاو با آسیانی بذریعیہ ترسیم (مشکل ۵.۲۳)، محب وعہ سمتیات سے یا الجبراکے ذریعیہ ترسیم (مشکل ۵.۲۳) محب وعہ سمتیات سے یا الجبراکے ذریعیہ ترسیم (مشکل ۵.۲۳) محب وعہ سمتیات سے یا الجبراکے ذریعیہ حساس کیا جب سکتا ہے۔

$$\begin{split} \boldsymbol{\tau}_a &= \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \\ \boldsymbol{\tau}_b &= 0.5 \tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} - \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_c &= 0.5 \tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \end{split}$$





#### شکل ۵.۲۳ لمحه $t_0=0$ پربر قی رواور مقت طیسی دباو ـ





ان کامحب وعب درج ذیل ہو گا۔

(۵.۵۹) 
$$oldsymbol{ au}=oldsymbol{ au}_a+oldsymbol{ au}_b+oldsymbol{ au}_c=rac{3}{2} au_0oldsymbol{a}_{ ext{x}}$$

لحب t=0 پر کل مقت طیسی د باوایک کچھے کے مقت طیسی د باو کاڈیڑھ گٹ اور صف رزاو یہ پر ہے۔ اب ہم گھٹ ڈی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ و قف بعب لحب  $t_1$  پر دوبارہ مقت طیسی د باو تلاشش کرتے ہیں۔ مساوات محمد من متغیب کرتے ہیں کہ اور مساوات ۵۵۵۵ مسین متغیب کرتے ہیں کہ اور مساوات کا محمد میں دکھیا گیا ہے۔  $t_1$  یوں منتخب کرتے ہیں کہ  $t_1=30$ ° میں دکھیا گیا ہے۔  $t_2$ 

۵.۲ محسر کی برقی دباو

$$i_a=I_0\cos 30^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}I_0$$
 
$$i_b=I_0\cos(30^\circ-120^\circ)=0$$
 
$$i_c=I_0\cos(30^\circ+120^\circ)=-\frac{\sqrt{3}}{2}I_0$$

$$\tau_a=\tau_0\cos30^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}\tau_0$$
 
$$\tau_b=\tau_0\cos(30^\circ-120^\circ)=0$$
 
$$\tau_c=\tau_0\cos(30^\circ+120^\circ)=-\frac{\sqrt{3}}{2}\tau_0$$

کل مقت طیسی دیاو کاطول auاور زاوی تکون سے حساصل کرتے ہیں۔

(a.1r) 
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a\tau_c\cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

تکون کے دواط سران کی لمب ئے ال ایک دوسرے کے برابر اور ان کے پخ زاوی ہے °60 ہے المبذامقت طیسی دباہ کازاویہ افتی کئے سرے °30 ہوگا۔

کل مقت طبی د باوجو پہلے صف رزاویہ پر گھت اب گھٹڑی کے مخت افیہ رخ گھوم کر °30 زاویہ پر ہے۔ ای طسر ت کل مقت طبی د باوجو پہلے صف رزاویہ پر گھت اللہ مقت طبی د باوج  $\frac{3}{2}$  سے سر بر خس کرنے ہے زاویہ  $\frac{3}{6}$  پر کل مقت طبی د باوج  $\frac{3}{6}$  پسے د ہوگا۔  $\theta$ 

## ۵.۲ محسرک برقی دباو

یہاں محسر کے برقی دباو ۴۸ کوایک دوسسرے نقطے نظے رہے پیش کرتے ہیں۔

## ۵.۲.۱ بدلت اروبر قی جنسریٹسر

شکل ۵.۲۵ مسیں ایک بنسیادی ب**دلگا رو چنرپیژ** ۳۰ د کھایا گیا ہے۔اسس کا گھومت ابر قی مقت طیسس، حنلائی درز مسیں سائن نمامقت طیبی دباوپید اکر تاہے جس سے درز مسیں سائن نما کافت مقت طیبی بہباو B پیدا ہوتا ہے:

(a.11°) 
$$B=B_0\cos\theta_p$$

ی مقت طیسس سزاویاتی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔ ابت دائی گھی۔ t=0 پر اسس مقت طیسس کو گھی ہے درخ افتی ککسے رپر تصور کریں۔ یوں گھی۔ کریں۔ یوں گھی۔ گوم کرزاوی ہال مساوات درج ذیل ککھی حباستی طسرح درج بالا مساوات درج ذیل ککھی حباستی میں۔ یوں گھی۔ آب رواتی طور پر کس بھی طسر تہید اگر دوبر تی دباو کو محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کہ محسر کے برتی دباو کو محسر کی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو کھی محسر کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کی برتی کے برتی دباو کی برتی دباو کی برتی دباو کرتی کے برتی دباو کی برتی دباو کے برتی دباو کرتی کی برتی کے برتی دباو کرتی کی برتی کو برتی دباور کے برتی دباور کی برتی کے برتی کے برتی دباور کی برتی کے برتی کی کرنے کے برتی ک



#### شکل ۵.۲۵: بنیادی بدلت اروجنسریٹ ر



شکل ۵.۲۱ کھے میں سے گزر تامقن طیسی بہاو۔

$$B=B_0\cos( heta- heta_m)$$
 
$$=B_0\cos( heta-\omega t)$$

$$\theta_m = \omega t$$

۵,۲ محسر کے برقی دیاو

$$\phi_a(0)=\int_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}m{B}\cdot\mathrm{d}m{S}$$
  $=\int_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}(B_0\cos heta_p)(l
ho\,\mathrm{d} heta_p)$   $=B_0l
ho\sin heta_pig|_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}$   $=2B_0l
ho$   $=\phi_0$ 

$$\phi_a(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S}$$
 
$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho \, \mathrm{d}\theta_p)$$
 
$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \big|_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m}$$
 
$$= 2B_0 l\rho \cos \theta_m$$
 
$$= 2B_0 l\rho \cos \omega t$$

ای بہاو کو درج ذیل طسریقہ سے بھی حسامسل کیا حباسکتاہے۔

$$\begin{split} \phi_a(t) &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \\ &= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right] \\ &= 2B_0 l\rho \cos \omega t \end{split}$$

axial length".

 $\phi_a(t)$  کو درج و کا کو درج و کا کو درج کا کھی جا گیا ہے۔ ساوات ۵۹۲۲ کی مدد سے کمل کو درج و کا کو درج و کا کھی جا سکتا ہے۔ کھی جا سکتا ہے۔

(a.14) 
$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

۵.۲۵ کی طسر 0 اور 0 کچھوں کے مقت طبی بہاو کی مساواتیں بھی حساس کی حب سکتی ہیں۔ شکل ۵.۲۸ مسین زاویہ  $\frac{\pi}{2}$  جسک 0 کا مقت طبی بہاو کچھ 0 مسین زاویہ 0 معلوم کرنے کے لئے مسین زاویہ 0 معلوم کرنے کے لئے مسین آخر ہتا ہے۔ اس لئے 0 معلوم کرنے کے لئے مسین آخل کی حدیں مجمل کی حدیں محمل کی حدیم کے جب محمل کی حدیم محمل کی حدیم محمل کی حدیم کے خوب محمل کی حدیم کی حدیم کے خوب محمل کی حدیم کے خوب کے خوب محمل کی حدیم کے خوب کے خو

$$\begin{split} \phi_b(t) &= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l \rho \, \sin(\theta - \omega t) \big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \\ &= B_0 l \rho \, \Big[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \Big] \\ &= 2B_0 l \rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right) \end{split}$$

اور

$$\begin{split} \phi_c(t) &= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{15\pi}{6}} \\ &= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right] \\ &= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right) \end{split}$$

ایک لچھ ا N حپکری تصور کرتے ہوئے شیسنول کچھوں مسیں پیدابر قی دباو معسلوم کرتے ہیں۔ کچھوں مسیں ارتباط ہیساو درج ذیل ہوگا۔

$$\lambda_a=N\phi_a(t)=N\phi_0\cos\omega t$$
 
$$\lambda_b=N\phi_b(t)=N\phi_0\cos(\omega t-120^\circ)$$
 
$$\lambda_c=N\phi_c(t)=N\phi_0\cos(\omega t+120^\circ)$$

۵,۲ محسر کے برقی دباو

ان مساوات مسیں  $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیئن کو °120 ککھ گیا ہے۔ کچھوں مسیں پیدالمالی برقی دباودرج ذیل ہوگا۔

$$e_a(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin\omega t$$
 
$$e_b(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$e_c(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ)$$
 
$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ)$$
 
$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ)$$

: کسے جب سکتا ہے جو آلیس مسیں 120 زاو سے پر تین دوری محسر کے برتی دباو کو ظ ہر کرتی ہیں۔ ان سب کے خیطے  $E_0 = \omega N \phi_0$ 

يوں تىپ نوں برقى دباو كى موثر قيمت بيں الله درج ذيل ہوں گي۔

(۵.۷۲) 
$$E_{\dot{r}r} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

چونکہ  $BA=\phi$  ہوتا ہے البندامساوات ۵.۷۱ صفحہ ۲۶ پر دی گئی مساوات ۲.۵۱ کی طسر ہے۔ حنائی درز مسیں برقی مقن طیسس کامقن طیسی بہاوتصور کر کے مساوات ۸۷۷ صاصل کی گئی سے حقیقہ مسیں حنائی درز مسیں کسی بھی طسر جمہی مقن طیسی بہاو پیدا کرنے سے بیمی مساوات حساصل ہوں گی۔ یوں اگر درز مسیں

حنلاتی درز مسیں کی بھی طسرح یمی مقت تقیمی ہمباہ پیدا کرنے سے یمی مساوات حساس ہوں گی۔ یوں اگر درز مسیں ساکن، متحسر کے یادونوں کچھے مسل کریمی مقت طبیمی ہمساہ پیدا کریں تب یہی مساوات، یعنی یمی برقی دباو، حساسل ہوں \*\*

م اوات ۵٬۷۱ ہمیں ایک گیجہ کیجے مسیں پیدابر قی دباو دیتی ہے۔ اگر کیجی تقسیم شدہ ہوتب مختلف شکافوں مسیں موجود اسس کیجے کے حصوں مسیں برقی دباو ہم متدم نہیں ہوں گے المہذا محب موٹی برقی دباوان سب کاحسا صسل جمع نہیں ہوگا۔ اور جم موگا۔ یوں پھیلے کیچے کے لئے یہ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے جہاں گابلکہ اسس سے کچھ کم ہوگا۔ یوں پھیلے کچھے کے لئے یہ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے جہاں سے سے کھے میں مورث کے سے مساوات میں ہوگا۔ یوں پھیلے کے دائے ہے۔

$$(2.22) \hspace{3.1em} E_{\dot{r}r} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

تین دوری بر تی جنسریٹ رکے  $k_w$  کی قیست 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں یک دوری برقی دباو دیتی ہے۔ تین دوری برقی جنسریٹ مسین اسس طسرح کی تین کچھوں کی جوڑیاں ہوتی ہیں جنہسین Y یعنی ستارہ یا کہ گونی جوڑا جب تا ہے۔

\_\_\_\_



شکل ۸.۲۷: یک دوری یک سمت برقی دباو ـ

#### ۵.۲.۲ يكسسسروبرقى جنسريسسر

ہر گھونے والا برقی جنسریٹ بنیادی طور پر بدلت اروجنسریٹ ہوتا ہے۔ البت جہاں یک سم برقی دباو<sup>۲۳</sup> کی ضرور ہے ہو وہاں گئے مست برقی دباو کو یک سم برقی دباو کسیں تبدیل کیا حب تا ہے۔ جنسریٹ رکے باہر برقیا تھا تھے گار میں تبدیل کیا جست دباوحیا سک کے ایک سم کے گار میں تبدیل کرنے بدلت دباوے یک سمت دباوحیا سکت کیا ہے۔ مساوات ۵۰۲۷ کے ایک سم برقی دباو میں تبدیل کرنے سے مشکل ۵۰۲۷ کے اور طوقیت مثل کا میں یک سمت برقی دباو دکھایا گیا ہے۔ اس یک سمت برقی دباوکی اوسط قیمت مصل کریں۔ حساس کریں۔ حساس کریں۔ حساس کریں۔

$$E_{\mbox{\tiny bust}} = rac{1}{\pi} \int_0^\pi \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = rac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

#### يك سمت جنسريت ريرباب ٨مسين غوركساحبائ گار

## ۵.۷ ہموار قطب مشینوں مسیں قوت مسرور ا

اس حسہ مسین کامسل مشین کی قوض مروز <sup>۵۳</sup> کے حصول کے دو تراکیب پر غور کی حبائے گا۔ ایک ترکیب مسین مشین کو دومقٹ طیسس تصور کر کے ان مقت اطیبوں کے فی قوت کشش، قوت دفغ اور قوت مسروڑ حساسل کیے حبائیں گئے جبکہ دوسسری ترکیب مسین مشین کے ساکن اور گھومتے کچھوں کو المالہ تصور کرکے (باب حبار کی طسرح) توانائی اور ہم توانائی کے ترکیب پر غور کرتے ہیں۔
توانائی کے ان کاحب بھاج سے گا۔ پہلے توانائی کی ترکیب پر غور کرتے ہیں۔

#### ا. ۷. ۵ مکانی قوت مسروژیذر بعب ترکیب توانائی

یہاں یک دوری مشین پر غور کیا جبائے گاجس سے حساصل نتائج با آسانی زیادہ دور کی مشینوں پر لا گو کیے حباسکتے ہیں۔ مشکل ۸۲، ۵ مسیں یک دور کی کامسل مشین دکھیائی گئے ہے۔ کسی بھی لھے اسس مشین کے دولچھوں کے پیچ کوئی زاوے ہوگا جے

DC voltage"

rectifier

commutator

torque



شکل ۵.۲۸: ساکن اماله اور گھومت اماله۔

 $\theta$ ے ظاہر کب گیا ہے۔ حنلائی درز ہر معتام پر یکساں ہے لہانہ اا بھسرے قطب کے اثرات کو نظسر انداز کسیاحیا تا ہے۔ مسزید، وتالب کاحبزومقت طیسس مستقل لامتناہی ( $\infty$   $\leftarrow$   $\mu_r$ ) تصور کسیا گیا ہے لہانہ الچھوں کا امالہ صرف حنلائی درز کے مقت طیبی مستقل  $\mu_0$  مخصر ہوگا۔

$$(2.24) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

 $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  سام اوات مسین  $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  سام اوات اور گلومته کچھوں کے ارتباط بہاو (میاوات ۲۰۳۲ کے تحت) ورج ذیل ہوں گے۔

$$\lambda_a=L_{aa}i_a+L_{ar}(\theta)i_r=L_{aa}i_a+L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
 
$$\lambda_r=L_{ar}(\theta)i_a+L_{rr}i_r=L_{ar0}\cos(\theta)i_a+L_{rr}i_r$$

ے کن کچھے کی مسزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مسزاحمت  $R_r$  کے سروں پر متانون کر خون ہے برق دباو درج ذیل ہوں گے۔

$$(a.n.) \qquad v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$
 
$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں ∂بر تی زاو ہے ہے جس کی وقت کے ساتھ تب یلی، زاویائی رفت ارس ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

magnetic constant, permeability "1

میکانی قوی مسرور ٹبزریس ہم توانائی حساس کی حباستی ہے۔ صفحہ ۱۰۹ پر مساوات ۲۲ می ہم توانائی حساسل کی حبائے درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$W_m'=\frac{1}{2}L_{aa}i_a^2+\frac{1}{2}L_{rr}i_r^2+L_{ar0}i_ai_r\cos\theta$$

 $T_m$ اس سے میکانی قوت مسروڑ $T_m$ حاصل کرتے ہیں۔

$$(\text{a.nr}) \hspace{1cm} T_m = \frac{\partial W_m'(\theta_m, i_a, i_r)}{\partial \theta_m} = \frac{\partial W_m'(\theta, i_a, i_r)}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_m}$$

چونکہ P قطب مثینوں کے لئے درج ذیل ہو تاہے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

لېنداېمىن مساوات ۵.۸۳ سے درج ذیل حساصل ہوگا۔

(a.12) 
$$T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin \left( \frac{P}{2} \theta_m \right)$$

 $T_m$  کی عبد اور جس لمحت پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقت طلیمی ہیں اور گھومتے کچھوں کے مقت طلیمی ہیں اور گھومتے کچھوں کے مقت اللیمی ہیں وگئے آو ہے مسروڑ منفی ہو گا۔ قوت مسروڑ دونوں مقت اللیمی ہیں و کو ایک میں رکھنے کی کو مشش کرتا ہے۔  $T_m$ 

### ۵.۷.۲ میکانی قوت مسرورٔ بذریعه مقن طیسی بهاو

سشکل ۵.۲۹-امسیں دو قطبی یک دوری مشین کے صرف گھومت کچھے مسین برقی روپایا حباتا ہے۔مشین کا گھومت احمہ ایک مقت طیس کی مانٹ ہے جس کے شمالی اور جنوبی قطبین دکھائے گئے ہیں۔اسس کچھے کامقت اطیبی بہاوتسیر کے نشان سے دکھایا گئے ہیں۔اسس کچھے کامقت اطیب کے تناہد کہ تاہے۔

سشکل ۵.۲۹ - ب مسین صرف ساکن کچھے مسین برقی روپایا حبا تا ہے۔ ساکن حصہ سے مقت طیسی بہدا دستارج ہو کر حنلائی درز سے ہو تاہوا گھومتے حصہ مسین داحن کہ ہو تا ہے الہذا یجی اسس کا شمسالی قطب ہوگا۔ یہساں ساکن حصہ ایک مقت طیس مانٹ دہے جس کا محور تسییر ہے ظاہر کسا گساہے۔

اگر حپ مشکل ۵۲۹ مسیں گجھ کچھے د کھیئے گئے ہیں، در حقیقہ ونوں کچھوں کے مقت طبیبی دباو سائن-نمسا ہوں گے اور تسبیر کے نشانا سے ان مقت طبیبی دباو کی امواج کی چوٹیوں کو ظہا ہر کریں گے۔

سشکل ۱۳۰۸ مسیں دونوں کچھوں کو برقی روفسٹر اہم کیا گیا ہے۔ دونوں کچھوں کے محت الف قطبین کے پی قوب کشش پائی حبائے گی جسس کی بیت دونوں کچھے ہم رخ ہونے کی کوسشش کریں گے۔

واضح رہے کہ دونوں کچھے (مقت طیسس) کو شش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صف رکے برابر ہو یعنی ان کامیکانی قوت مسروڑ  $\theta_{ar}$  کے کہ متالف رخ ہوگا۔ یمی میاوات ۵۸۸۵ کہتی ہے۔

کیھوں کے مقت طبیبی دباو کو مقت طبیبی محور کے رُر نے  $au_r$  اور  $au_r$  نظیبی دباو  $au_r$  اور  $au_r$  نے مقت طبیبی دباو  $au_r$  دباو کی چوٹیوں کے برابر ہیں۔ حضائی درز مسین کل مقت طبیبی دباو  $au_{ar}$  ان کا محب وعب ہوگا جس کا طول  $au_{ar}$  کاسیہ کوسائن  $au_r$ 

cosine low





سامسل ہو گا:

(a.ny) 
$$\begin{split} \tau_{ar}^2&=\tau_a^2+\tau_r^2-2\tau_a\tau_r\cos(180^\circ-\theta_{ar})\\ &=\tau_a^2+\tau_r^2+2\tau_a\tau_r\cos\theta_{ar} \end{split}$$

مقت طیسی شد سے کی چوٹی کو ظباہر کر تا ہے۔ خیلاء مسیں جس معتام پر مقت طیسی شد سے H ہو وہاں مقت طیسی  $H_{ar}$  ہم توانائی کی کثافت ، درز مسیں  $H^2$  کی اوسط کو  $\frac{\mu_0}{2}$  ہو وہاں مقت طیسی ہم توانائی کی کثافت ، درز مسیں  $H^2$  کی اوسط کو  $H^2$  سے ضرب کر کے  $H^2$  کی کئی گئی کے سائن نے امون  $H^2$  کی جی سائن نے امون  $H^2$  کے مسر بح  $H^2$  کا اوسط درج ذیل ہوگا۔

$$H^2 \omega = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^2 d\theta = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_0^2 \cos^2 \theta d\theta$$

$$= \frac{H_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta = \frac{H_0^2}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \bigg|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} = \frac{H_0^2}{2}$$

یوں حسٰلائی درز مسیں، جہاں مقساطیسی میدان کاحیطہ  $H_{ar}$  ہے، اوسط ہم توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{\mu_0}{2}$  ہو گی۔ حسٰلائی درز مسیں اوسط ہم توانائی  $W'_m$  توانائی  $W'_m$  دے گا:

(a.14) 
$$W'_m = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اسس مساوات مسیں حنلائی ورز کی ردای لمبائی  $l_g$  اور دھسرے  $^{r_0}$  کے رخ محوری لمبائی  $^{r_0}$  ہے۔ محورے حنلائی ورز کا اوسط ردای سناصلہ r ہے۔ مسندیر r سس سندیر والی سناصلہ r ہے۔ مسندیر والی سنامی سندیں مساوات کو ہم مساوات کی مددے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔ مساوات کو ہم مساوات کی مددے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$W_m' = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \left( \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2 \tau_a \tau_r \cos \theta_{ar} \right)$$

يوں ميكانی قوت مسرور درج ذيل ہو گا۔

(a.91) 
$$T_m=\frac{\partial W_m'}{\partial \theta_{ar}}=-\frac{\mu_0\pi rl}{l_q}\tau_a\tau_r\sin\theta_{ar}$$

مساوات ۱۹۹۱ مسیں توت مسروڑ دو قطبی مشین کے لئے ساسل کی گئی۔ P قطبی مشین کے لئے ہے مساوات ہر جوڑی قطب کی میکانی توت مسروڑ دیتی ہے لہانہ ا P قطبی مشین کی قوت مسروڑ ﷺ گناہو گی:

(a.9r) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات ۱۹۰۳ ایک اور گومتے کچھوں کے مطابق مشین کی میکانی توت مسروڑ، ساکن اور گومتے کچھوں کے مقت طلبی دباو کی چوٹیوں اور دونوں کے نتج بر تی زاویہ مساوات ہے۔ سائن کی راست مسناسب ہو گی۔ منفی میکانی توت مسروڑ کا مطلب ہے کہ بین زاویہ کو مرنے کی کوشش کرے گی۔ مطلب ہے کہ بین زاویہ کو مرنے کی کوشش کرے گی۔ مشین کے سائن اور گھومتے حصوں پر ایک دوسسرے کے برابر لیسکن محت الف رخ میکانی توت مسروڑ ہوگی البت سائن حصوں پر ایک وجود کے ذریعہ زمسین تک شقت لہ ہوگی جبکہ گھومتے ھے کی میکانی توت مسروڑ اسس حصے کی میکانی توت مسروڑ اسس حصر کو متحسر کے رک قریعے۔

چونکہ مقٹ طبیعی دباو کچھے کے برقی رو کاراست مستناسب ہے لہانہ اور  $i_a$  آگیس مسین راست مستناسب ہوں گے جب کہ مساوات ۵۸۵ اور ۵۹۴ ایک گے جب کہ مساوات ۵۸۵ اور ۵۹۴ ایک دوسسرے جیسے ہیں۔ دوسسرے جیسے ہیں۔ رحقیقت سے ثابت کہا جب سکتا ہے کہ ہے دونوں بالکل ایک جیسے ہیں۔

سٹ کل ۵.۳۱ مسیں دوبارہ س کن اور گھونتے کچھوں کے مقت طیسی دباو د کھنے گئے ہیں۔ سٹکل – اکی تکون  $\Delta AEC$  اور  $\Delta BEC$  مسین  $\Delta CE$ مشین  $\Delta CE$ مشین  $\Delta BEC$ 

(a.9r) 
$$CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اسس مساوات کی مدد سے مساوات ۵.۹۲ کو درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

(a.97) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_q} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

ای طسرح شکل ۱۳۱۱ – بے جو درج ذیل ہو گا۔  $\Delta SWQ$  اور تکون  $\Delta SWQ$  مسین WQ مشتر کے ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اسس مساوات کی مدد سے مساوات ۵.۹۲ کو درج ذیل لکھا حباسکتاہے۔

(a.94) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مساوات ۵.۹۲ مساوات ۹۲ ۵ اور مساوات ۵.۹۲ کوایک ساتھ لکھتے ہیں۔

$$T_m=-\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_g}\tau_a\tau_r\sin\theta_{ar}$$
 
$$T_m=-\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_g}\tau_a\tau_{ar}\sin\theta_a$$
 
$$T_m=-\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_a}\tau_r\tau_{ar}\sin\theta_r$$



<u> شکل ۵٫۳۱: مقت طیسی بہاواور ان کے زاویے۔</u>

ان مساوات سے واضح ہے کہ میکانی قوت مسروڑ کو دونوں کچھوں کے مقت طیسی دباواور ان کے پیخ زاویہ کی صورت مسین، یا کسی ایک کچھے کے مقت طیسی دباو، کل مقت طیسی دباواور ان کے پیخ زاویہ کی صورت مسین کلھا حباسکتا ہے۔

اسس بات کو یوں بسیان کسیا حب سکتاہے کہ میکانی قوت مسروڑ دومقٹ طیسی دباو کی آپس مسیں ردعمسل کی و حب ہے پسید ااور مقت طیسی دباو کی چوٹیوں اور ان کے پچ زاوی ہے بر مخصصہ رہو تا ہے۔

مقت طبیبی دباد، مقت طبیبی شدی، کثافت مقت طبیبی بهباد اور مقت طبیبی بهباد آلیس مسین تعساق رکھتے ہیں جنہمیں مختلف طبیبی دباد  $au_{ar}$  اور درز مسین کثافت مقت طبیبی بهباد مقت طبیبی بهباد کا تعساق کا تعس

(a.91) 
$$B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_a}$$

استعال کرے مساوات ۵.۹۷ کے آمنسری حبزو کو درج ذیل لکھا حب سکتا ہے۔

(a.99) 
$$T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin\theta_r$$

مقن طیسی مشینوں کی متابی مقن طیسی مستقل س کی محد دو قیمت کی بین احتاب مسین کثافت مقن طیسی بہا و تقسریباً ایک ایک ایک محد دو قیمت کی بین احتاب مسین کثافت مقن طیسی بہا وقت ریباً ایک ایک طب رح گھومتے اس حد کو مد نظسر رکھنا ہوگا۔ ای طسرح گھومتے کی محتاب اور مسین برقی توانائی ضائع ہوتی کی مسزا جمہ مسین برقی توانائی ضائع ہوتی کے کامقن طیسی دباواسس کیچھے مسین برقی روپر مخصسر ہوتا ہے۔ اس برقی روپے کی مسزا جمسان تک کیچھے کو شخت ٹر ارکھنا ممسکن ہو یوں سے جہاں تک کچھے کو شخت ٹر ارکھنا ممسکن ہو یوں سے جہاں تک بچھے کو شخت ٹر ارکھنا ہوگا۔ مساوات 8.94 مسین کی ہوتی اور جس کے نقط نظر میں اہاندا مشین کی بہت و شکل میں دباوگ کے مصاوات ہے۔

مے وات 9.9 کی دو سری اہم صورت دیکھتے ہیں۔ قطب پر اوسط کثافت مقت طبیبی بہب و اوسط B اور قطب کے رقب

 $A_F$ 

$$B_{\rm last}=\frac{1}{\pi}\int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}B_0\cos\theta\,{\rm d}\theta=\frac{2B_0}{\pi}$$

$$A_P = \frac{2\pi r l}{P}$$

کاحب صل ضرب قطب پر مقت طبیمی بہب و $\phi_P$  ہو تاہے لہند ا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin\theta_r$$

ہوں گے۔مساوات ۵.۱۰۳معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمدہے۔

## باب

# يكال حال، برفت رار حيالومع اصرمثين

مع اصر مشین وہ گلومنے والی مشین ہے جو ایک مقب ررہ رفت ارسے گلومتی ہے۔ ہے رفت ار منسراہم کر دہ برقی دباوے تعد دپر مخصہ رہوتی ہے۔

کی جنسر پر ہو جھ تبدیل کرنے یا جنسر پیٹسر کو میکانی طباقت فنسراہم کرنے والے کی رفت ار تبدیل کرنے کے چند ہی لحسات مسیں جنسر پیٹسر بنی حسالت کے مطابق دوبارہ برقت رار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اسس برفت رار حورت اختیار کر لیتا ہے۔اسس برفت رار حورت وغیب رہ تبدیل جہیں ہوتے ہیں۔ای طسرح موٹر پر بوجھ تبدیل ہونے نے موٹر کی درکار طباقت اور برقی رہ تبدیل ہوں گے۔ بوجھ تبدیل ہونے نے قبل موٹر ایک مستقل برقی رو حساسل کرتی اور ایک مستقل در جب حسرارت پر رہتی ہے۔ بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی لحسات مسیں موٹر دوبارہ ایک بی بوت میں برفت رار رہتا ہے اور اسس کا برقی رو ایک نئی برفت رار رہتا ہے اور اسس کا در جب حسرارت بھی ایک نئی قیمت اختیار کرتا ہے۔ دو مختلف برفت رار حیالو، یکساں صور توں کے در میان چند لحسات کے لئے مشین عارضی حالی امسیں ہوتی ہے۔ اسس باب مسین پر تبصرہ کیا۔

معناصر مشین کے قوی کچھے عسوماً ساکن ہوتے ہیں جبکہ اسس کے میدانی کچھے مصاصر رفت ارسے گلومتے ہیں۔ میدانی الچھوں کا برقی رو کی نسبت بہت کم ہوتا ہے البندا میدانی کچھوں کو گھمایا حباتا ہے اور ان تک برقی رو کی نسبت بہت کے ہوتا ہے البندا میدانی کچھوں کو اسس لئے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ سے کہ سے کہ کے اس کے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ سے کہ کے اس کے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ حسر کر سے چھاوں کے ذریعیہ ان کا (نسبۂ بہت رزیادہ) برقی رو منتقبل کرنا مشکل ثابت ہوتا ہے۔ یوں قوی کچھوں کو ساکن رکھا حباتا ہے۔

ہم دیکھ جیکے ہیں کہ تین دوری س کن کچھوں مسیں متوازن تین دوری برتی رو ایک گھومتے مقت طبیبی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں۔اسس گھومتی موج کی رفت ار کو **معاصر رفتار** سمج ہیں۔ معاصر مشین کا گھومت احسہ اس ان فت ارسے گھومت ہے۔ معاصر مشین کے میدانی کچھ کویک سمت برتی رودر کار ہوتا ہے جو سسر کے چھالوں کے ذریعہ اسس تک باہرے پنجھایا حیاتا ہے یامشین کے دھسرے پرنسب ایک چھوٹے یک سمت جنسریٹرے منسراہم کسیاحیا تا ہے۔

steady state synchronous speed



مشکل ا. ۲: کاربن بُش اور سسر کے چھلوں کے ذریعہ گھومتے کچھے تک برقی رو پہنچایا گیا ہے۔

میدانی لچھ ایک میدانی مقن طیسی دباو پیدا کرتا ہے جو میدانی کچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفت ارسے گھومت ا ہے۔ یوں معاصر مشین کے گھومتے کچھوں کی مقن اطیسی دباومون آور ساکن کچھوں کی مقن اطیسی دباوموج معاصر رفت ارسے گھومتی ہیں۔ جس کی ب ان مشینوں کو معاصر مشیور کہتے ہیں۔

#### ۱.۱ متعدد دوری معاصر مشین

معاصر مشین عصوماً تین دوری ہوتے ہیں۔ تین دوری ساکن قوی کچھے حنلائی درز مسیں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ میدانی کچھے گھومتے جھے پرنسب ہوتے ہیں اور ان مسین یک سمت برقی روہو تاہے۔

مشین کے گھومتے تھے کو ہیں۔ ونی میکانی طباقت سے گھمانے سے مشین ایک معیاصر جنسہ بیٹ کے طور پر کام کرتی ہے اور اسس کے تین دوری ساکن قوی کیچھوں مسین تین دوری برقی دباویسید اہو گا جسس کابر قی تعد در گھوسنے کی رفت ار پر مخصصہ ہوگا۔ اسس کے بر عکس، مشین کے تین دوری ساکن قوی کیچھوں کو تین دوری برقی طباقت مہیا کرنے سے مشین ایک معیاصر موٹر کے طور پر کام کرتی ہے جو معیاصر رفت ارسے گھوسے گی۔ مشین کی کل برقی قوت کے چند فی صد برابر برقی قوت مید انی کیچھ کو در کار ہوتی ہے۔

گومتے لیجے تک برقی دباو مختلف طسریقوں ہے پہنچایا جب سکتا ہے۔ شکل ۲۰۱۱ مسیں گومتے لیجے تک موصل سمرکھ میں گومتے لیجے تک سمس برقی رو پہنچانے کا طسریقہ دکھایا گیا ہے۔ سسرک چھلے ای دھسرے پر نسب ہوں گے جس پر گھومت لیجھانسب ہو گالہ خااسسرک چھلے اور گھومتے لیجھانک ہی رفت اربے حسر ک کریں گے۔

کارین کے ساکن بشش، اسپرنگ کی مدد ہے، سسرک چھلوں کی بیسرونی سطے کے ساتھ دباکر رکھے حب تے ہیں۔ جب مشین حیاتی ہے، کارین بشس ان سسرک چھلوں پر سسرکتے ہیں۔ اسپرنگ کادباوان کابرتی جو ڈمفبوط رکھتا ہے تا کہ ان کے فیج دیگاریاں بہشس کارین بشس کے ساتھ برقی تا رحبیری ہے۔ یک سمت برقی رو آی، کارین بہشس اور سسرک

بڑی معاصر مشین کامیدانی یک سمت روع موماً ایک چھوٹے بدلت اروج نسریٹ رسے حساس کیا حباتا

slip rings<sup>c</sup> carbon bush<sup>a</sup>

چھلوں سے ہو تاہوا، گھومتے لچھے تک پہنچتا ہے۔

ہے جو معاصر مشین کے دھسرے پر نہ ہوتا ہے اور دھسرے کے ساتھ گھومت ہے۔ چھوٹے جنسریٹسر کے برقی دباو کو دھسرے پر نہ برقبیاتی سے کار کی مدد ہے یک سمت برقی دباو مسیں تبدیل کہا حباتا ہے۔ یوں سسر ک چھلے کی ضرورت پیش نہیں آتی ہے۔ سسر ک چھلے بوجب رگڑ حنسراب ہوتے ہیں جس کی وجبہ سے معاصر مشین کی مسرمت درکار ہوتی ہے جوایک مہنگا کام ہے۔ ای لئے چھوٹا جنسریٹراستعال کرتے ہوئے سسر ک چھلوں سے خبات ساسل کی حباق ہے۔

ب المجامل کی موٹروں کے لئے موزوں ہیں۔ انجسرے قطب 'مشین، پانی سے چلنے والے سبت رفت ارجسریٹ راور عسام استعال کی موٹروں کے لئے موزوں ہیں۔ جبکہ ہموار قطب عمشین، تب زرفت اردوپا حسار قطبی **پر فاھ** مجسسریٹ سروں کے لئے موزوں ہیں۔

ایک (بڑی) سلطنت کو در کاربر تی توانائی کی ایک جنسریٹرے پیدا کرنام کن نہیں ہوتا ہے بلکہ چند درجن سے لے کر کئی سو جنسریٹر بیک وقت سے صندیقت سرانحبام دیے ہیں۔ ایک سے زیادہ جنسریٹر استعال کرناف اندہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اول، بر تی توانائی کی ضرورت کے مطاباتی جنسریٹر حیالو کے حیاستے ہیں۔ دوم، جنسریٹرول کو ان معتامات کے قسریب نسب کسیا حیاس جہاں برتی توانائی در کار ہو۔ اسس طسر ہ کے بڑے نظام مسیں ایک جنسریٹر کی حیثریت بہت کم ہوتی ہے الجندا کی ایک جنسریٹر کو حیالو یابند کرنے سے پورے نظام پر کوئی دیاس اثر نہیں پڑتا ہے۔ یوں ہم سلطنت کے برتی نظام کو ایک مقسرہ برتی دباو اور ایک مقسرہ برتی تعدد کالامتنائی نظام تھور کر سے ہیں۔ معاصر جنسریٹر کو کیام ہہاو نظام کے ساتھ حب اُلقور کر کے معاصر جنسریٹر کے گیا ہم پہلو

مساوات ۱۹۰۳ معاصر مشین کی قوت مسروڑ دیتی ہے۔اسس مساوات کے مطابل برتی قوت مسروڑ،
مشین مسیں موجود متعامل مغناطیبی دباو کو ایک دوسرے کی سیدھ مسیں لانے کی کوشش کرتی ہے۔برفت رارحپالو
مشین کی برتی قوت مسروڑ اور مشین کے دھسرے پرلاگو میکانی قوت مسروڑ ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ جب
مشین ایک جنسریٹ کی حیثیت ہے استعال ہوت میکانی طاقت دھسرے کو گھساتا ہے اور گھومتے کھے کامقناطیبی
دباوگل مقناطیبی دباوے گھومنے کے رخ آگے ہوتا ہے۔ مساوات ۱۹۰۳ سے سامس کو قوت مسروڑ ایک صورت مسیں
مشین کو گھومنے ہے روئے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت جیلتے پانی، این دھن سے جیلتے انجی، وغیسرہ سے ساس ہوسکتا

کل مقت طیبی بہباہ  $\phi_{ar}$  اور گھومتے کچھے کا مقت طیبی دباہ  $\sigma_{r}$  تبدیل نہ ہونے کی صورت مسیں مساوات ۱۰۳ کے مطابل مشین کی قوت مسروڑ  $\sigma_{ar}$   $\sigma_{ar}$   $\sigma_{ar}$  مطابل مشین کی قوت مسروڑ  $\sigma_{ar}$   $\sigma_{ar$ 

موٹر پر لدامیکانی بوجھ بت در نج بڑھانے سے ایک لحب آئے گاجب زاویہ  $\theta_r$  نوے در حب،  $\frac{\pi}{2}$  ریڈ بئن، تک پنچنتا ہے۔ اسس لحب موٹر اپنی انتہائی قوت مسروڑ 'اپیدا کرے گی۔ موٹر کسی بھی صورت مسین اسس سے زیادہ قوت مسروڑ

salient poles

non-salient poles

turbine^

hunting

pull out torque'\*

پیدا نہیں کر سکتی ہے لہذا ہو جھ مسزید بڑھانے ہے موٹر رک حبائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر "صورت افتیار کر لی ہے۔مساوات ۵.۱۰۳سے ظاہر ہے کہ ایک قطب کا کل مقت طیسی بہبادیا (اور) گھومتے کچھے کامقت طیسی دباوبڑھ کرموٹر کی انتہائی قویں مسروڑ بڑھائی حباستی ہے۔

روں ہوں اور استعمال کی جائے ہے۔ یکی صورت حال اگر مشین برقی جنسر سے طور پر استعمال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیسر

معاصر صورت اختیار کرے،اے حبلہ خود کار دور شکن اکی مددے برتی بھم رسانی سے الگ کر دیاحب تاہے۔

ہم نے دیکھ کہ ایک معاصر موڑ صرف اور صرف معاصر رفتارے ہی گھوم سنتی ہے اور صرف ای رفتار پر گھوم کر قوت مسروڑ پیسلا ایک رفتار پر گھوم کر قوت مسروڈ پیدا کر سنتی ہے لہذا ساکن معاصر موڑ کو دبیالو کرنے کی کوشش ناکام ہوگی۔ معاصر رفتار تک لیا جباتا ہے۔ ایسا عسموماً دوسرے طسریقے سے معاصر رفتار تک میں حب ایل عسموماً ایک چھوٹی امالی موڑ "کی مدد سے کیا جباتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو معاصر رفتار تک پہنچاتی ہے جس کے بعد معاصر موٹر کو حسارے پرنسب ہوتی ہے۔

### ۲.۲ معاصر مثین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مشین دو قطب اور تین دوری ہے اور اسس کے کچھے ستارہ نمب حبٹرے ہیں۔اسس طسرح کچھوں مسین برقی رو، تاربر قی رو"ا ہی ہو گااور ان پر لا گوبر قی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ایسا کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان اور نتیجب کسی بھی موٹر کے لئے درست ہو تاہے۔

سشکل ۲۰۲۲ مسئیں ایک ایسی تین دوری دو قطبی معاصر مشین دکھائی گئی ہے۔ اسس کا گھومت حصد نکی نمیا ہے۔ اسس کو دو قطبی مشین یا 7 قطبی مشین کے دو قطبین کاحصہ تصور کسیاحب سکتا ہے۔

اکس طسر ہے بہب ان پچھ کچھے دکھائے گئے ہیں، حقیقت میں پھیلے کچھے استعال ہوں گے لہنذا انہمیں پھیلے کچھے تصور کریں۔
اکس طسر ہے کچھے کی مقناطیسی کور کے رخ ہو گئے ہیں۔ وہوتا ہے بال تاہے جس کی چوٹی کچھے کی مقناطیسی کور کے رخ ہوگا۔ چو نکہ معیاصر مشین کے گھو متے کچھے مسیں یک ہوئی کچھے کامقناطیسی دباو ہو مے کھے کامقناطیسی دباو گھو متے کھے کامقناطیسی دباو گھو متے حصر کے ساتھ معیاصر مفتارے گھو مے گا۔ گھو متے حصر کی مقناطیسی کور کے رخ ہوگا۔ گھو متے کھے کامقناطیسی دباو گھو متے حصر کے ساتھ معیاصر مفتارے گھو مے گا۔ وہنر کی کہ ہے مشین معیاصر مفتار سے گھو می مقناطیسی کور کے رخ ایک دور ہوا وہ گھو متے کہا ہوں تب کی بھی لحصہ بازان کے نے زاویہ ہوگا۔ امالہ کاریاضی حساب کرنے کے لئے کے رخ ایک دور می کہ ہوئی کرنے ایک دور کا کہ بائی دور کے ساتھ میں جوئا کو نظر ہوئی کی دور کا کہ بائی دور میں کہ ہوئی کوری کم بائی دور سے کا وہ طور دائی وناصیا ہو میں کی کوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کا وہ طور دائی وناصیا ہوئی کوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کا دور کو نظر انداز کریں۔ محورے حنائی درز تک کا اوسط ددائی وناصیا ہوئی کے دخ کی کھی کھورے کی دخ کی اوہ کوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کی مقالید کا دور کوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کے دہ کہ کوری کم بائی درخ کی کم کے دخ کی دیا گوری کم بائی درخ کی کم کے دخ کی کھوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کے دیا تھور کی کھوری کم کوری کم بائی درخ کی کہ کی درخ کی کھوری کم بائی درخ کی کھوری کم کے دخ کی کھوری کم کے دخ کی کھوری کم کوری کم کے دخ کی کھوری کم کے داخ کو کھوری کم کھوری کم کے دیا کھوری کم کھوری کھوری کم کھوری کم کھوری کم کھوری کم کھوری کم کھوری کوری کم کھوری کھوری کم کھوری کھوری کھوری کھوری کھوری کھوری کھوری کھور کے کھوری کھ

سب کسی بھی کچھے کے خود امالہ کاحب ہے کرتے وقت باقی تمام کچھوں کو نظر انداز کریں۔ یوں باقی تمام کچھوں مسین برقی روصن سر تصور کریں، یعنی ان کچھوں کے سسرے آزاد رکھیں۔ کسی ایک کچھوں کے سسرے آزاد رکھیں جبائیں گے۔

lost synchronism"

circuit breaker"

induction motor

line current

۱.۲. معاصر مشین کے امالہ



شکل ۲۰۲: تین دوری، دو قطبی معاصر مشین ـ

.٢.٢ خوداماله

auگومتے یا auکن کچھے کاخو د امالہ L زاو ہے au پر منحصسر نہیں ہوگا۔ ان مسیں سے کسی بھی کچھے کامقت اطبی دباو au

$$\tau = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p$$

خلائی درزمسیں درج ذیل کثافت مقت طیسی بہاو B پیدا کرے گاجہاں  $\theta_p$  کچھے کے محورے ناپاحباۓ گا۔

(1.7) 
$$B=\mu_0 H=\mu_0 \frac{\tau}{l_a}=\mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_a} \cos\theta_p$$

ے۔ مساوات زاویہ و $\theta_p$  کے ساتھ کثافت مقت طبی دباو B کا تعساق پیش کرتی ہے۔ اسس مساوات کا سطحی تکمل  $^{\mathrm{a}}$  کچھا کے ایک قطب پر کل مقت طبیحی بہباو  $\phi$  دے گا۔

$$\begin{split} \phi &= \int \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d} \boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B l \rho \, \mathrm{d} \theta_p \\ &= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2 l_g} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, \mathrm{d} \theta_p \\ &= \frac{4 \mu_0 k_w Ni l \rho}{\pi l_g} \end{split}$$

surface integral10

ایک کچھے کا خود امالہ L، مساوات ۲.۲۹ مسیں حبز و پھیلاو  $k_w$  کا اثر شامل کرتے ہوئے حساصل کرتے ہیں۔

(1.7) 
$$L=\frac{\lambda}{i}=\frac{k_wN\phi}{i}=\frac{4\mu_0k_w^2N^2l\rho}{\pi l_q}$$

ہے مساوات شکل ۲.۲ مسیں شینوں قوی کچھوں کاخو د امالہ

(1.2) 
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$

اور میدانی کچھے کاخو دامالہ دیتی ہے۔

(۲.۲) 
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_q}$$

۲.۲.۲ مشتر که اماله

اب ہم دو کچھوں کامشتر کہ امالہ حیاص کرتے ہیں۔ تصور کریں صرف گھومت کچھا مقت طبیبی ہیں و پیدا کر رہا ہے۔ ہم ہم ہب و کے اسس حصہ ہے، جو ہم کچھا ہے گزرتا ہے، گھومت کچھا کامشتر کہ امالہ حیاص کرتے ہیں۔ مشکل ۲۰۲ مسیں گھومت اور  $\theta_p < (\frac{\pi}{2} - \theta) < \theta_p < (\frac{\pi}{2} - \theta)$  کے جہوں کے گئی ہب وہ کچھا ہے گومت اور سے میں مقت طبیبی ہب و کاحب ہے۔ ایکی صورت میں اوات ۲۰۰ مسیں تکمل کی حدیں تب بیل کرے حیاص کرتے ہیں۔ میں گئر کے گا ہم کے اسس مقت طبیبی ہب و کاحب ہے۔ میں اوات ۲۰۰ مسیں تکمل کی حدیں تب بیل کرے حیاص کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \phi_{am} &= \int \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, \mathrm{d}\theta_{p} \\ &= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, \mathrm{d}\theta_{p} \\ &= \frac{4 \mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta \end{split}$$

یوں گھومتے کیمیااور a کیمیا کامشتر کہ امالیہ

(1.1) 
$$L_{am}=\frac{\lambda_{am}}{i_m}=\frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m}=\frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

يا

(1.9) 
$$L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

۲.۲ معاصر مشین کے امالہ

ہو گاجہاں

$$L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_a}$$

$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_a} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_a}$$

ہو گاجہاں یک انیت کی بدولت  $k_{wb}=k_{wa}$  اور  $N_b=N_b$  کے گئے ہیں۔ اگر شینوں ساکن کچھے بالکل یک ال ہوں تب درج بالام اوات اور مساوات ۲۰۵ کی مدد سے درج زیل لکھ حب سکتا ہے۔

(1.17) 
$$L_{ab}=L_{bc}=L_{ca}=-\frac{L_{aa0}}{2}$$

٣.٢.٣ معياصرامالير

مشین پرلاگوبر قی دباو کومشین کے کچھول کاخود امالہ، مشتر کہ امالہ اور کچھول کے برقی رو کی مدد سے لکھ حب سکتا ہے۔ ہے۔ کرنے کے لئے ہم پہلے کچھول کی ارتساط ہہاو کہ کوان کے امالہ اور برقی رو کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$
 
$$\lambda_b = L_{ba}i_a + L_{bb}i_b + L_{bc}i_c + L_{bm}I_m$$
 
$$\lambda_c = L_{ca}i_a + L_{cb}i_b + L_{cc}i_c + L_{cm}I_m$$
 
$$\lambda_m = L_{ma}i_a + L_{mb}i_b + L_{mc}i_c + L_{mm}I_m$$

ان مساوات مسیں ساکن کچھوں کا ہدلت ارو چھوٹے حسرون  $i_a,i_b,i_c$  جبکہ گھومتے مید انی کچھے کا یک سمت رو بڑے حسرون  $I_a$  جنس خسرون سے اللہ کے انہا ہم کیا گیا ہے۔

ان حپار مساوات مسیں ہے ہم کئی ایک کو حسل کرتے ہیں۔ چونکہ حپاروں مساوات ایک طسرح کی ہیں الہذاباقی بھی ای طسرح حسل ہوں گی۔ ہم ان مسیں پہلی مساوات نتخب کرتے ہیں:

(1.16) 
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات ۱.۵ کچھ a کاخود امالہ دیتی ہے اور اسس کو حسامس کرتے ہوئے تصور کیا گیا کہ کچھ کا پورامقن طیسی بہب و حنلائی درز سے گزر کر دو سسری حسانب درز سے گزر کر دو سسری حسانب درز سے گزر کر دو سسری حسانب نہیں بہتی پہتی پاتا ہے بلکہ حنلائی درز مسیں رہتے ہوئے کچھ کے گر دحیکر کا پکھ حصہ مسل کر تا ہے۔مقن طیسی بہب و کا ہے۔ حصہ رستا المالہ کا لیے الم اللہ  $L_{aa}$  پاکہ خوانسفار مسرے رستا امالہ کی طسرح ہوتا ہے۔ یوں کچھ کا کل خود امالہ عموں پر مشتمل ہوگا:

$$(1.16) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

leakage inductance

ہم مساوات ۲.۵، مساوات ۲.۵، مساوات ۲.۱۲ اور مساوات ۲.۱۵ کی مدد سے مساوات ۲.۱۵ کو درج ذیل صورت مسین کھتے ہیں۔

$$\begin{split} \lambda_a &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}i_b - \frac{L_{aa0}}{2}i_c + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}\left(i_b + i_c\right) + L_{am0}I_m\cos\omega t \end{split}$$

ا ہے تین دوری برقی رو کامجہموعہ صف رہو تاہے

$$i_a + i_b + i_c = 0$$

لہندامساوات ۲۰۱۲مسیں اسس کواستعال کرتے ہوئے

$$\begin{split} \lambda_a &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}\left(-i_a\right) + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= \left(\frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}\right)i_a + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= L_si_a + L_{am0}I_m\cos\omega t \end{split}$$

حساصل ہو گاجسار

$$L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

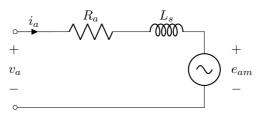
کوم**عاصرامالہ** <sup>۱۷</sup> کہتے ہیں۔

مساوات ۱۹۱۹ اور مساوات ۵٬۳۹ پر ایک مسرتب دوباره غور کریں۔ ب دونوں ایک دوسرے جیسے ہیں۔ وہاں کل گھومت امقت طبی دباوایک کچھے کے مقت طبی دباو کا 😤 گٹا تھت اور بیباں معساصر امالہ ایک کچھے کے امالہ کا 😤 گٹا ہے۔ ب دو مساوات ایک ہی حقیقت کے دوپیسلو ہیں۔

معاصرامالہ تین حصول پر مشتل ہے۔ پہااحسہ  $L_{aa0}$  ہے کافود امالہ ہے۔ دوسسراحسہ  $L_{aa0}$  ہی گیاتی دو کی معاصرامالہ تین حصول پر مشتل ہے۔ پہااحسہ مشین میں تین دوری متوازن برقی رو ہو۔ تیسسراحسہ  $L_{a1}$  ہی گیاسے کا کو ستا امالہ ہے۔ یوں متوازن برقی رو کی صورت مسین معاصرامالہ، مشین کے ایک کیچے کاظاہر کی امالہ ہو تاہے۔ مشین کے ایک مصاصرا ہوتا ہے۔ ایک مصاصر جنسر کا کیک دورک کل خود امالہ H لے 2.2 اور رستا امالہ اور مشین کا معاصرامالہ حساسل کریں۔ کیچوں کا مشتر کہ امالہ اور مشین کا معاصرامالہ حساسل کریں۔

 $L_{ab}=$  بو تا باله کی مدرے  $L_{aa0}=2$  سال باله کی سال باله کی مدرے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{ab}$  بو تا باله کی مدرے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{ab}$  باله کی مدرے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{aa0}+L_{aa0}$ 

synchronous inductance12



شکل ۲.۳:معیاصر موٹر کامیاوی دوریاریاضی نمون۔

# ۲.۳ معاصر مشین کامساوی دوریاریاضی نمون

لچے a پر لاگوبر تی دباولچھے کی مسزاحa میں برتی دباوے گھٹاد اور کے برتی دباوے برابر ہوگا

$$v_a=i_aR_a+\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}$$
 
$$=i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}-\omega L_{am0}I_m\sin\omega t$$
 
$$=i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}+e_{am}$$

ہاں درج ذیل لکھا گیاہے۔

$$e_{am}=-\omega L_{am0}I_m\sin\omega t$$
 
$$=\omega L_{am0}I_m\cos\left(\omega t+rac{\pi}{2}
ight)$$

ایجانی برقی دباویااندرونی پیدا برقی دباو کہا تا ہے جو گھوتے کچھے سے پیدامقٹ طیسی کہا و کا وجب سے وجود مسیں آتا ہے۔اسس کی موثر قبہ سے Eam.rms مساوات ۱۲.۲ کے چطہ سے حسامسل ہوگی۔

(1.rr) 
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

(1.7°) 
$$e_{am}=i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}+v_a$$



شکل ۲۰۲۲: معاصر جنسریٹ رکامساوی دوریاریاضی نمون۔



شکل ۲.۵: معاصر جنسریٹ رکے مساوی ادوار۔

وھیان رہے کہ جنسریٹ رکے مساوی دور مسیں برقی رہ کا مثبت رخ، موٹر کے مساوی دور مسیں برقی رہ کے مثبت رخ کا اُلٹ ہے۔مساوات ۲٫۲۳ کی دوری سمتیہ رہ ہے۔

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

ہو گی جس کو مشکل ۲۰۵۵ امسیں دکھایا گیا ہے۔ مشال ۲۰۰۶: ووقطب، 50 ہر ٹز کاایک معاصر جنسر 140 یمپیئر میدانی برقی روپر 2100 وولٹ یک دوری موثر برقی دباو پیداکر تا ہے۔اسس مشین کے قوی اور میدانی کچھول کامشتر کہ امالہ تلاسش کریں۔ حسل: مساوات ۲۰۲۲ سے Lam حساس کرتے ہیں۔

(1.72) 
$$L_{am} = \frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m} = \frac{\sqrt{2}\times 2100}{2\times \pi\times 50\times 40} = \text{0.2363 H}$$

# ۲.۴ برقی طباقت کی منتقلی

ٹر انسفار مسر کامساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل ۳۳،۲۳ مسیں اور معساصر جسنسریٹ کامساوی دور شکل ۲۰۵ مسیں دکھسایا گسیا ہے۔ سے مساوی ادوار ایک دوسرے جسے ہیں، البنیز امت در حب ذیل بسیان دونوں کے لئے درست ہوگا، اگر حپ بہساں ہمیں صرف معساصر مشینوں سے دلچی ہے۔ ۲. برق ط قت کی منتقلی ۱۲۵



مشكل ٢.١: معاصر جنسريت كادوري سمتهـ

 $R_a$  معاصر مشینوں مسین عصوماً یکی قیمت کے تعالیم کی قیمت سے سویاد وسو گستانیا دو ہوگی۔ یوں مسینوں مسین عصوماً یکی تیمت کی تیمت کے حرد کرنا ممسکن ہوگا۔ اسس طسرح شکل ۲۰۳۵ سے مشکل ۲۰۵۵ سے حساسل ہوگا اور مساوات ۲۰۲۴ درج ذیل صورت اختیار کرے گی۔

$$\hat{E}_{am} = j\hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

$$p_v = V_a I_a \cos \phi$$

مساوات ۲۲.۲۷ اور شکل ۲.۲-اسے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

$$\begin{split} \hat{I}_a &= I_a \underline{/\phi} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_a}{jX_s} \\ &= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_a\underline{/0}}{X_s\underline{/\frac{\pi}{2}}} \\ &= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - \frac{\pi}{2} - \frac{V_a}{X_s}\underline{/-\frac{\pi}{2}}}{X_s\underline{/\sigma} - \frac{\pi}{2}} - \frac{V_a}{X_s}\underline{/-\frac{\pi}{2}} \end{split}$$

تشکل ۲.۲ سے واضح ہے کہ درج بالامساوات مسیں  $\hat{I}_a$  کا تحقیق حبیزو میں گاہم متدم ہوگا۔ دوری سمتیہ  $I_a/\phi$  کو حقیقی افتی حبیزو  $\hat{I}_a$  متدم ہوگا۔ دوری سمتیہ  $I_a/\phi$  کو حقیقی افتی حبیری  $I_a \cos \phi$  اور مسیری عبودی حبیزو  $\hat{J}_a \sin \phi$  کا محبوعہ تصور کیا جب سکتا ہے۔ مساوات ۲۰۲۸ کے آخت میں

ت دم مسین دائین ہاتھ کے حقیقی احبزاء سے رو کاحقیقی حبزوحات ل ہوگا:

(1.79) 
$$I_a\cos\phi=\frac{E_{am}}{X_s}\cos\left(\sigma-\frac{\pi}{2}\right)-\frac{V_a}{X_s}\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
 
$$=\frac{E_{am}}{X_s}\sin\sigma$$

اسس کومساوات ۲۰۲۷ کے ساتھ ملا کر درج ذیل ملت ہے۔

(1.5.) 
$$p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین دوری معاصر مشین کے لئے اسس مساوات کو تین سے ضرب کرناہو گا:

$$p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

$$p_{v, \rm coll} = \frac{3V_a E_{am}}{X_a} \qquad \qquad (\sin 90^\circ = 1)$$

حقیقے مسیں جنسریٹر کی بناوٹ یوں کی حباتی ہے کہ بناوٹی (تابل استعال) طباقت نوے درج سے کافی کم زاوے پر ممکن ہو۔ نوے درجے پر جنسریٹر کوت ابور کھنامشکل ہوتاہے۔

مثال ۲۰.۳: ایک 50 قطبی، ستارہ، تین دوری 50 ہرٹز، 2300 وولٹ دباو تار پر جیلنے والی 1800 کلو وولٹ وایمپیئر معساصر مشین کایک دوری معساصر متعساملہ 2.1 او ہم ہے۔

- مشین کے برقی سروں پر 2300 وولٹ دباو تار مہیا کیا حب تا ہے جب کہ اسس کامید انی برقی رواتت ارکھا حب اتا ہے کہ پورے بو جو پر مشین کا حب زوط اقت ایک کے برابر ہو۔ اسس مشین سے زیادہ سے زیادہ کتی قوت مسروڑ حساسل کی حب سستی ہے؟
- اسس موٹر کو 2 قطبی، 3000 حیکر فی منٹ، تین دوری، ستارہ، 2300 دولٹ دباوتار پیدا کرنے دالا 2200 کلو دولٹ و اللہ اسکا کا دوار آل اسکا کا پورا برقی اسکیسٹر کے معاصر جنسریٹ سے حیلایا حباتا ہے جس کا کیک دوری معاصر امالہ 2.3 اوہ ہم ہے۔ موٹر پر اسس کا پورا برقی بوجے دونوں مشینوں کے میدانی برقی روتب لی کیے حباتے ہیں حسی کہ موٹر ایک حب زوط قت پر حیلنے گئے۔ دونوں مشینوں کا میدانی برقی رویب ال برفت رار رکھ کر موٹر پر بوجھ آ ہتہ آ ہتہ بڑھا یا جب ایا حسین کی حبات کے دونوں مشینوں کا میدانی برقی رویب ال برفت رار رکھ کر موٹر پر بوجھ آ ہتہ ہتہ برطب یا حسین موٹر سے زیادہ سے زیادہ کتنی تو سے مسروڑ حساصل کی حباست تی ہے اور اسکی سے دونوں پر دباوتار کتنا ہوگا؟

۲.۲. برقی طب قت کی منتقلی ۱۹۷



ئىل:

• شکل ۲.۷-۱۱ور ۲.۷-ب سے رجوع کریں۔ یک دوری برقی دیاواور کل برقی رودرج ذیل ہول گے۔

$$\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9 \text{ V}$$

$$\frac{1800000}{\sqrt{3} \times 2300} = 451.84 \text{ A}$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,m} &= \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} - j451.84 / 0^{\circ} \times 2.1 \\ &= 1327.9 - j948.864 \\ &= 1632 / -35.548^{\circ} \end{split}$$

 $p_{\text{min}} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1\,031\,968\,\text{W}$ 

اسس طسرح تین دوری زیادہ سے زیادہ طباقت 904 905 دوائے ہوگی۔50 ہرٹز اور 50 قطب سے مشین کی معساسر میکانی دفت ارمساوات ۵.۵۳ کی مدو سے دوسی فی سیکنٹر حساس ہوتی ہے لیعنی 2 =  $f_m = 2$  یوں مشین سے درج ذیل زیادہ سے زیادہ قوت مسروڑ حساس کی حباستی ہے۔

$$T$$
بت =  $rac{p}{2\pi f_m} = rac{3095904}{2 imes\pi imes2} = 2$ 46 364 N m

موٹر پر اسس سے زیادہ قوت مسروڑ کا ہو جھ مسلط کرنے سے موٹر رک حبائے گی جبکہ جسنسر سیٹسر کی رفت اربے و ت ابو بڑھنے مشہروع ہو حبائے گی۔ خو د کار منقطع کار اسس لمجسے پر نظبام کوروک دیگا۔

• شکل ۱.۷-ن سے رجوع کریں۔اسس مشال کے پہلے حسنرہ کی طسرح بیساں بھی موٹر کے برقی سسروں پر دباہ تار 2300 وولٹ اور محسر کے برقی دباہ 1632ولٹ ہوں گے۔ جنسہ بیٹ رکا محسر کے برقی دباودرج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,g} &= \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g} \\ &= 1327.9 \underline{/0^\circ} + j451.84 \underline{/0^\circ} \times 2.3 \\ &= 1327.9 + j1039.233 \\ &= 1686 \underline{/38.047^\circ} \end{split}$$

 $\hat{E}_{am,g}$  جیں صورت مشکل ۲۰-د مسیں د کھیا گئی ہے۔ جی صورت مشکل ۲۰-د مسیں د کھیا گئی ہے۔ موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ سے نازہ طاقت پیدا کرے گی جب  $\hat{E}_{am,g}$  اور  $\hat{E}_{am,m}$  آپس مسین  $90^{\circ}$ زاوب پر ہوں۔

یہاں مساوات ۱.۳۲ مسیں ایک معاصر امالہ کی بحبائے موٹر اور جنسریٹسر کے سلماہ وار حبٹرے امالہ ہور کی یک دوری زیادہ سے زیادہ میں ایک دوری زیادہ سے زیادہ سے زیادہ کے اور دو برقی دباو اہب موٹر کی یک دوری زیادہ سے زیادہ کے طاقت درج ذیل ہوگی۔

$$p$$
ېن =  $\frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \, \mathrm{W}$ 

اسس طسرح تین دوری طباقت 650 876 اواٹ اور زیادہ سے زیادہ تو سے مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

$$T$$
تنب =  $rac{1876056}{2 imes \pi imes 2} = 149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$ 

اور  $\hat{E}_{am,g}$  آپس میں عصودی ہیں البذاور ن ڈیل ہوگا۔  $\hat{E}_{am,m}$ 

$$\begin{split} I_a(X_{s,g}+X_{s,m}) &= \sqrt{E_{am,m}^2 + E_{am,g}^2} = 2346 \, \mathrm{V} \\ I_a &= \frac{2346}{2.1 + 2.3} = 533 \, \mathrm{A} \\ I_a X_{sg} &= 533 \times 2.1 = 1119.9 \, \mathrm{V} \\ \alpha &= \tan^{-1} \frac{1686}{1632} = 45.93^\circ \end{split}$$

یوں دوری دباو  $V_a$  ،جو صف رزاو یہ پر تصور کیا حب تاہے، درج ذیل ہوگا۔

$$V_a = \sqrt{1632^2 + 1119.9^2 - 2 \times 1632 \times 1119.9 \times \cos 45.93^{\circ}} = 1172.7 \,\text{V}$$

لامت نابی نظام کی بحب نے موٹر کو جنسریٹ رسے طاقت مہیا کر کے، موٹر پر بو چھ بڑھ نے سے موٹر کے سروں پر برقی دباو گھٹت ہے جس کی بہنازیادہ سے زیادہ ممکنہ طباقت 3095 kW سے گھٹ کر 1876 kW رہ گئی ہے۔ موٹر کی سروں پر برقی دباو پر آپر وی آرو پر آپر جم صدم نہیں ہیں، ان کے پی زاویہ  $\hat{V}_0$  ہوگا۔

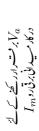
# ۲.۵ کیاں حال، برقت رار حپالومشین کے خواص

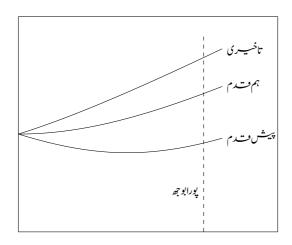
۱.۵.۱ معاصر جنسریٹ ر:برقی بوجھ بالمقابل  $I_m$  خط - خط - خط - کاروری مته میاوات

(1.77) 
$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

میں  $\hat{I}_a = I_a/\phi$  کیتے ہوئے درج ذیل لکھا حباساتا ہے

(1.77) 
$$E_{am}\underline{\sigma} = V_a\underline{/0} + I_aX_s/\frac{\pi}{2} + \phi$$





 $I_a$ برتی باریاقوی کچھے کابرتی رو

#### = خط $I_m$ خط :برقی بوجھ بالقابل $I_m$ خط

جس كوبطور محنلوط عب د د ۱۹

$$\begin{split} E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma &= V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a - I_aX_s\sin\phi + jI_aX_s\cos\phi \\ &= E_{am,x} + jE_{am,y} \end{split}$$

 $\mathbb{Z}_{am}$  ہیں۔ اس کے  $\hat{E}_{am}$  کی سے ہیں۔ اس کے  $\hat{E}_{am}$  کی مسل کرتے ہیں۔

(1.72) 
$$\begin{split} \left| \hat{E}_{am} \right| &= E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ &= \sqrt{(V_a - I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 - 2 V_a I_a X_s \sin \phi} \end{split}$$

جنسریٹ رکے سروں پر  $V_a$  اٹل رکھتے ہوئے مختلف  $\phi$  کے لئے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  خط سشکل ۲.۸ مسیں و کھائے گئے ہیں۔ بین دیسے خطوط مساوات ۲.۳۵ دیتی ہے۔ چونکہ  $E_{am}$  اور  $I_m$  راست مستناسب ہیں اور کسی مخصوص حبزو طباقت اور معسین  $V_a$  کے لئے جنسریٹ کی طباقت کی طباقت کی طباقت کو بھی طبار کرتی ہیں۔ کی طباقت کو بھی طبار کرتی ہیں۔ کی طباقت کو بھی طبار کرتی ہیں۔

complex number19

معاصر موٹر: $I_a$  بالمقابل معاصر موٹر: ۲.۵.۲

مع اصر موٹر کامب اوی دور (ریاضی نمون۔) شکل ۱۳ اور دوری سمتیہ سشکل ۴. ۲ مسیں د کھیایا گیا ہے۔ مسزاحہ۔ نظسرانداز کرکے اسس کی مساوا<u>۔ کھت</u>ے ہیں۔

$$\begin{array}{c} \hat{V_a}=\hat{E}_{am}+j\hat{I}_aX_s\\ V_a\underline{/0}=E_{am}\underline{/\sigma}+jI_a\underline{/\phi}X_s\\ =E_{am}\underline{/\sigma}+I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2}+\phi} \end{array}$$

اسس مساوات مسیں موٹر پر لاگو برقی دباوی کے حوالہ سے زاویات کی پیپ کشش کی گئی ہے لہندا  $\hat{V}_a$  کا زاویہ صف موٹر کا گارو کے عنالف رخ ہوگی المہندان پیش زاویہ  $\hat{V}_a$  میں افتی کک سے مسلم کے عنالف رخ ہوگی المہندان پیش زاویہ  $\hat{V}_a$  میں اور کا خیر کی خوالے سے امالی دباو  $E_{am}$  کے اسل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} E_{am}\underline{\prime\sigma} &= V_a\underline{\prime0} - I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2} + \phi} \\ &= V_a - I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_aX_s\sin\phi - jI_aX_s\cos\phi \end{split}$$

يوں  $|E_{am}|$  درج ذيل ہو گا۔

(1,72) 
$$\begin{split} |E_{am}| &= \sqrt{\left(V_a + I_a X_s \sin\phi\right)^2 + \left(I_a X_s \cos\phi\right)^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2 V_a I_a X_s \sin\phi} \end{split}$$

موٹر پر لا گوبر تی دیاواور اسس پر میکانی ہو جھ کو × 0 × 12 اور × 75 پر رکھ کر ، موٹر کے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  نظوط ، مساوات ۱۳۷ سے مشکل ۱۰۰ مسین تر سیم کیے گئے ہیں۔ چونکہ امالی دیاو $I_m$  کاراست مستناسب ہو تا ہے البندا یکی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  خطوط بھی ہوں کے ان مسین سے ہرخطا یک معین میکانی ہو جھ  $I_a$  کے جہاں  $I_a$  درج ذیل ہو گا۔

$$(1.71) p = V_a I_a \cos \phi$$

leading angle"

lagging angle"

capacitor"





 $I_m$ ميدانی کچھے کابر تی رو $I_m$  بالقابل  $I_a$ تر سیم ہے۔





<u> شکل ۲.۱۱: کھلا دور خط اور وت البی ضاع۔</u>

### ۲.۲ کھالادور اور قصسر دور معیائٹ

معاصر مشین کا مساوی دور بنانے کے لئے مساوی دور کے احبیزاء حبائن الازم ہے جنہیں دوقتم کے معائوں سے حالب کے معابوں معائوں سے معائوں سے حالب کے معابوں معائوں سے اللہ اور معائیت کے اثرات بھی احبار ہوتے ہیں۔ای فتم کے معائنے ٹرانسفار مسر کے بھی کیے حباتے ہیں جہاں کھا دور معائنہ ٹرانسفار مسر کے بیات ہی ایسا کیا ایسا کیا ایسا کیا گا۔

#### ا.۲.۲ کھلادور معیائنہ

معاصر مشین کے برقی سرے کھلار کھ کر، مشین کو معاصر رفت ارپر گھاتے ہوئے مخلف  $I_m$  پر پسید ابر قی دباوہ  $V_a$  مشین کے سرول پر ناپا جباتا ہے۔ شکل ۱۰۰ اسیس پیسائی رو  $I_m$  بالقابل دباو  $V_a$  کی ترسیم دکھائی گئی ہے۔ یہ ترسیم مشین کی کھالا دور مناصیت ظاہر کرتی ہے۔ یہ ترسیم مشین بن نے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

اس کتاب کے حسہ ۲۰۸ مسیں ستایا گیا کہ متالب پر لاگو مقن طبی دباو بڑھانے سے متالب مسیں مقن طبی بہاو بڑھانے سے متالب میں ترسیم کے جھاو مقن طبی بہاو بڑھتا ہے البت حبلہ ہی وتالب سیراب میں ترسیم نقطہ دار سید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا بناوٹی برقاد دارسید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا بناوٹی برقاد دارسید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا بناوٹی برقاد دارسید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا

۔ ۔ رب برن دورد اس سے ورن دور کی ہے۔ ہیں۔ کی سے ہیں۔ کھیا دور معیان کا ضیاع طباقت دے گی۔
کھیا دور معیان ہے ووران دھے پر میکا فی طباقت ور کچھ گھوٹے کچھے کا ضیاع ہوگا۔ یاد رہے گھوٹے کچھے کو عصوماً دھے ہے اس کا بیشتر ھے۔ رگڑی ضیاع، کچھے کو عصوماً دھے ہے۔ رگڑی نسب کی انہ میں کہ انہ ہوگا۔ یاد رہے گھوٹے کچھے کو عصوماً دھے ہے۔ رگڑی نسب کی انہ میں پر لدے ہو جھ سے کوئی حناص تعمال نہیں پایا حباتا ہے الہذائے ہوجھ مشین اور ہو جھ بردار مشین کار گڑی ضیاع ایک جیب اتھور کسا جا ہے۔ ا

رو  $I_m$  صنٹ رکتے ہوئے دوبارہ دھسرے پر میکانی طباقت  $p_2$  کی پیسائٹش صرنٹ رگڑی ضیاع دے گا۔ ان پیسائشوں کا صنسر ق $(p_1-p_2)$  میں برق ضیاع ہوگا۔ گھومتے کچھ مسیں برقی ضیاع ہہت کم ہوتا ہے اور اسس

الملکومتے کچھے کو توانا کی کیسے سمت روجنسریٹ میپ کرتا ہے اور اسس جنسریٹ رکودھسرے سے توانا کی موصول ہوتی ہے۔





ش کل ۲٫۱۲: قصبر دور خط اور کھیلے دور خط۔

کو عب و مأ فت الب کے ضیاع کا حصبہ تصور کمیا حب اتا ہے۔ یوں پیمیا کشش کر دہ فت ابی ضیاع کی ترسیم مشکل ۲۰۱۱ - ب مسین د کی گئی ہے۔

#### ۲.۲.۲ قصر دور معائن

معاصر مشین کو معاصر رفت ارپر بطور جسندی سٹر حیلاتے ہوئے ساکن کچھ قصسر دور کر کے مختف  $I_m$  پر قصسر دور برقی رو  $I_a$  ناپاحیاتا ہے۔ ان کی ترسیم مشکل ۱۰۲-امسیں دی گئی ہے جو قصسر دور مشین کی حناصیت ظاہر کرتی ہے۔ قصسر دور معنی نہ کے دوران دھیان رہے کہ  $I_a$  نظس ناک حد تک بڑھ نہ حبائے۔ جسندی شرکے بناوٹی  $I_a$  یا اسس ہے دگی تیست سے رو کو کم رکھا حباتا ہے۔ ایسا سے کرنے ہے مشین گرم ہو کر شباہ ہو سکتی ہے۔ قصسر دور مشین مسیں سوئی مصد برقی دوپایا حباتا ہے۔ ایسا سے پہندرہ فی صد برقی دباو پر مشین مسیں سوئی صد برقی روپایا حباتا ہے۔ اسٹ کم برقی دباو پر مشین مسیں سوئی صد برقی روپایا حباتا ہے۔ اسٹ کم برقی دباو حسال کرنے کے لئے حنائی درز مسیں ای شناسی ہے کم مقت طیسی ہی اور در کار ہوگا۔ مشکل ۱۰۳ مسیں قصسر دور دکھایا گیا ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا۔ سے بی درج ذیل ہوگا۔

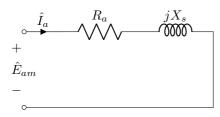
(1.179) 
$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

کی بین سے اور ایست میں اور ایست میں اور ایست میں اور ایست میں اور ایست کی بین سے معیاص مالیہ حمال ہوگا۔  $X_s >> R_a$ 

(1.7.) 
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

مساوات ۱.۴۰ مسیں  $\hat{I}_a$  قصر دور مشین کابرتی رواور  $\hat{E}_{am}$  ای حسال مسیں مشین کے ایک دور کا امالی دباوے کے کھنے دور مشین مسیں  $\hat{E}_{am}$  فرصنہ رہونے کی صورت مسیں  $\hat{E}_{am}$  دور مشین مسیں  $\hat{E}_{am}$  مصنہ رہونے کی صورت مسیں  $\hat{E}_{am}$  اور مشین مسین  $\hat{E}_{am}$  ہول گے۔ یول کی معین  $\hat{E}_{am}$  پڑھ کر  $\hat{E}_{am}$  کی جسال کی حسال کی حسا

$$(1.71) \hspace{3.1em} X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad (X_s \gg R_a) \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

مشكل ٢٠١٣: معساصر اماله ـ

معاصرامالہ کو عسموماً مشین کے پورے (بناوٹی) برقی دباو پر معلوم کیا جباتا ہے تاکہ وتالب کی سیر ابیت کے اثرات کو بھی شامسل ہوں۔ کو بھی شامسل ہوں۔ مشین کو ستارہ نمی تصور کر کے اسس کا کیک دور کی X حیاصسل کیا جب تا ہے۔ یوں اگر معائیت مسیں مشین کا تار برقی دباو X تار برقی دباو X کے مساوات X کہ اسس کو X کے اسس کو X کے کہ اسس کو X کے کہ اسس کو X کے کہ اسس کو کہ کے نقسیم کر کے کیا۔ دور کی دباو حیاصسل کر کے مساوات X مسین استعال کیا جب گے۔

$$V_{\mathcal{G},\mathcal{M}} = rac{V_{\mathcal{K}}}{\sqrt{3}}$$
 (۱.۳۲)

مثال ۲۰.۳: ایک 75 کلووول و ایمپیئر، ستاره، 415 وول یپر چیلنے والی تین دوری معاصر مشین کا کھلا دور اور قصسر دور معائن کیا گیا۔ حیاصل نتائج درج ذیل ہیں۔

- کھالادور معائنہ: $I_m = 3.2\,\mathrm{A}$ اور  $V_{r} = 415\,\mathrm{V}$
- قصر دور معائنہ: جس لمحہ قوی کچھے کابر تی رو A 104 کھتا اسس لمحہ میدانی کچھے کابر تی رو A 2.64 کھتا اور جسس لمحہ قوی کچھے کابر تی رو A 126 کھتا اسس لمحہ میدانی کچھے کابر تی رو A 3.2 کھتا۔

اسس مشین کامع صراماله تلاسش کریں۔ حسل: یک دوری برتی دباو درج ذیل ہوگا۔

$$V_{\text{Gas}} = \frac{V_{\text{lt}}}{\sqrt{3}} = \frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \,\text{V}$$

کھادور مشین پر 239.6 وولٹ کے لئے 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رودر کار ہوگاجبکہ 3.2 ایمپیئر میدانی برقی روپر قصر دور برقی رو 126 ایمپیئر ہوگالہذا یک دوری معاصر امالہ درج ذیل ہوگا۔

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901$$

line voltage



مشكل ۲.۱۴: قصسر دور مع اصر مثين مسين ضياع طباقت.

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
 جس سے معاصر مشین کی مساوی مسز احمد ہوگا۔ $R_a=rac{p_3-p_2}{I^2}$ 

مثال ۲۰۵۵: ایک 75 کلووولٹ وایمپیئر، 415 وولٹ پر جیلنے والی تین دوری معاصر مشین کے پورے (بناوٹی) برقی رو پر کل قصب دور طباقت کاضیاع 2.2 کلوواٹ ہے۔ اسس مشین کی یک دوری موثر مسنزاحت حساصل کریں۔ حسل: یک دور کی ضیاع 733.33 ھے۔ مشین کے پوری برقی رو درج ذیل ہوگا۔

$$\frac{75000}{\sqrt{3}V_{\text{Jr}}} = 104.34\,\text{A}$$

یوں مشین کی موثر مسنراحت درج ذیل ہو گا۔

$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067$$

مثال ۲.۱: سشکل ۱.۱۵مسیں 500 دولئے، 50 ہرٹز، 4 قطب، ستارہ، معاصر جنسریٹ کا کھلے دور خط و کھایا گیا ہے۔اسس جنسریٹ کا معاصر امالہ 0.11 اوہم اور قوی کچھے کی مسزاحمت 10.0 اوہم ہے۔یورے برقی بوجھ، 0.92 تاخیسری



مشكل ٢.١٥: كهالا دور خطيه

حب زوط اقت ۲۵ پر جنسریٹ ر 1000 ایمپیئر منسر اہم کر تا ہے۔ پورے بوجھ پر ر گڑی ضیاع اور کچھے کی مسزاحت مسیں ضیاع کامحب وعب 30 کلوواٹ جب کہ متالی ضیاع 25 کلوواٹ ہے۔

- جنسریٹ رکی رفت ار معلوم کریں۔
- بِ بوجه جنسريٹ رکي سرون پر 500 دولٹ برقی د باو کتنے ميداني برقی روپر حساصل ہوگا؟
- اگر جنسریٹ رپر 0.92 تاخب ری حبزوط قت، 1000 ایمپیئر کابر تی بوجھ لادا حبائے تب جنسریٹ رکے برقی سرول پر 500 دولئے برفت رارر کھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رودر کار ہوگا؟
- جنسریٹ رپورے بوجھ پر کتنی طباقت منسراہم کر رہاہے جب جنسریٹ رکو محسر کے کتنی میکانی طباقت منسراہم کر رہاہے۔ان دوے جنسریٹ کی فی صد ک**کارگراد کھے <sup>17</sup>تلاسش** کریں۔
  - اگر جنسریٹ رے یک دم برقی پوجھ ہٹایا حبائے تواسس کھے۔اسس کے برقی سے دوں پر کتنابرقی دباوہوگا؟
- اگر جنسریٹ رپر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش حبزوط قت کا بوجھ لاداحب نے توجنسریٹ رکے برقی سے رول پر 500 والے برق سے رول پر 500 وولٹ برق سے رادر کھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رودر کار ہوگا؟
- ان 1000 ایمپیئر تاخب ری حب زوط اقب اور پیش حب زوط اقب بوجھوں مسین کون بوجھ زیادہ میدانی برقی روپر حساس اوگا؟ جنسر یسٹر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہوگا؟

حــل:

lagging power factor efficiency

- سشكل ٢٠١٤ سے 500 وولٹ كے لئے دركار ميداني برقي رو تقسريب أ2.86 يمييئر پڑھا حباتا ہے۔

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left( R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^{\circ}} + 1000 \underline{/-23.07^{\circ}} (0.01 + j0.1) \\ &= 349 \underline{/14.6^{\circ}} \end{split}$$

حیاصل ہوگا جس سے اندرونی پیدا تاربرتی و باو  $604=604 imes\sqrt{3} imes0$  وولٹ حیاصل ہوتا ہے۔ شکل ۱.۱۵ سے دانی برتی روپڑھا جب تا ہے۔

• جنريثراس صورت مين

$$\begin{aligned} p &= \sqrt{3} \hat{V}_a \cdot \hat{I}_a \\ &= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92 \\ &= 796743 \text{ W} \end{aligned}$$

فنراہم کرے گاجبکہ محسرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\mathrm{kW}$$

$$-100$$
 موگاہندااس جنسریٹر کی کارگزاری  $\eta = \frac{796.743}{851.74} \times 100 = 93.54$ 

- جنسریٹرے یک دم برقی ہو جھ ہٹانے کے لمحہ پر جنسریٹر کے برقی سروں پر 604وولٹ برقی دباو ہوگا۔
  - پيش حبزوط قت کي صور \_\_ مين

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 289\underline{/0^{\circ}} + 1000\underline{/23.07^{\circ}}(0.01 + j0.1)$$

$$= 276\underline{/20.32^{\circ}}$$

ہوگاجس سے اندرونی تاربرتی دباو $478=700 \times \sqrt{3} \times 2$  وولٹ حسامسل ہو تا ہے۔ شکل ۲۰۱۵ سے اتنے دباوک لئے -2.7 A مید انی برتی رودر کار ہوگا۔

• تاخب ری حب زوط اقت کے بوجھ پر جنسریٹ رکوزیادہ مید انی برقی رودر کارہے۔مید انی کچھے کی مسز احمت مسیں اسس کی وجب سے زیادہ برقی طباقت صافع ہوگی اور جنسریٹ رزیادہ گرم ہوگا۔

П

مثال ۲۰٪ ایک 415 دول ، 40 کلو دول و ایمپیئر، ستارہ، 0.8 جبزوط قت، 50 ہرٹز پر جیلنے والی معاصر موٹر کا معاصر موٹر کا معاصر امالہ 2.2 اوہ م ہے جبکہ اسس کی مسزاحت و تابلی نظر رائداز ہے۔ اسس کی رگڑ اور کچھوں کی مسزاحت مسیں طلقت کاضیاع ایک کلوواٹ جبکہ وت ابی ضیاع 800 دائے ہے۔ یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی بو جو سے لدی ہے اور 0.8 بیشن حبزوط قت پر حیل رہی ہے۔ یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو ستارہ نمی تصور کرتے ہوئے حساصل کیا حباتا ہے۔

- $\hat{E}_a$  اس کا دوری سمتیہ بن کیں۔ تار کا برتی رو  $\hat{I}_t$  اور قوی کچھے کا برتی رو  $\hat{I}_a$  صاصل کریں۔ موٹر کا اندرونی سیجب نی برتی دباو و صاصل کریں۔
- میدانی برقی رو کو بغیب رتبدیل کے، میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھ اگر دگٹ کیا حب تا ہے۔اس صور سے مسین موٹر کار د عمسل دوری سمتیہ سے واضح کریں۔
- اسس د گئے میکانی بو جو پر قوی کچھے کابر تی روہ تار کابر تی رواور موٹر کااندرونی ہیجبانی برتی دباوحساصل کریں۔موٹر کاحبزوط اقت بھی حساصل کریں۔

:, )

• ستارہ حبٹری موٹر کے سروں پریک دوری برقی دیاو کا 239.6 و  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  ہوگا جے صف رزاو ہے پر تصور کرتے ہوئے برقی روکازاو ہے بیان کیا حب تا ہے۔ یوں  $\frac{239.6}{\sqrt{9}} = 239.6$  کو ظاہر کر تا ہے۔ یوں تار برقی روکانا میں ہوگا۔ موٹر کو مہیا برقی طب اقت اس کی میکانی طب اقت اور طب اقت کے برابر ہوگی

 $12\,200\,\mathrm{W} + 1000\,\mathrm{W} + 800\,\mathrm{W} = 14\,000\,\mathrm{W}$ 

جس کے لئے در کار تار کابر قی رو درج ذیل ہوگا۔

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t\cos\theta}$$
$$= \frac{14\,000}{\sqrt{3}\times415\times0.8}$$
$$= 24.346\,\mathrm{A}$$

ے ہوئے اسے موٹر کے قوی کچھے کابر تی رو تار کے بر تی رو کے بر ابر ہوگا۔ یوں بر تی رو کازاویہ ٹ مسل کرتے ہوئے اسے  $\hat{I}_a=\hat{I}_t=24.346/36.87^\circ$ 

لکے ساتھاہے۔

موٹر کااندرونی یک دوری بیجیانی برقی دباو موٹر کے مساوی دور شکل ۲۰۳ سے حساصل کرتے ہیں:

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{a,s} - jX_s\hat{I}_a$$
= 239.6/0° - j2.2 × 24.346/36.87°
= 276/-8.96°



<del>ٹ</del>کل۲۰۱۲: بوجھ بر دار معیاصر موٹر <sub>-</sub>



#### اسس تمسام صورت حسال کو شکل ۱۱.۲ مسین دوری سمتیات کی مدد سے د کھسایا گیا ہے۔

- میکانی بو چو بڑھنے ہے موٹر کو زیادہ برتی طباقت در کار ہوگی۔ یہ اسس صورت مسکن ہوگا جب موٹر کے قوی کچھے کا برتی روبڑھ سے۔ میدانی برتی روموسین ہونے کی وجب ہے موٹر کے اندرونی ہجبانی برتی دباوے  $\hat{E}_a$  کی مطابق قیمت تبدیل نہمیں ہو سکتی البت اسس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔ موٹر  $\hat{E}_a$  کی مطابق قیمت تبدیل کے بغیب برتی سرول بہتانی ہو سکتی البت اسس کا زاویہ بڑھا کے گئے زاویہ بڑھا کو گئے۔ ایس کی طول تبدیل سے کہا ہوسے گا۔ ایس شکل کے ایم مسین دکھیا گئے ہے جہاں  $\hat{E}_a$  دوری سمتے کی نوک گول دائرہ پر رہتی ہے۔ یوں اسس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔ زاویہ بڑھنے گئے گئی روبڑھ گیا ہے۔ چونکہ جو کئہ جو کئی جو بڑھنے ہے گئی روبڑھ گیا ہے۔ جو کئی جو کئی جو کئی ہو ہے گئی صورت حسال کو نقط دار دکھیا گئی ہو ہے۔ جو کئی ہو کہ جانے بڑھ کے کابرتی روبڑھ گیا ہے۔ خواندہ بڑھ کے کابرتی روبڑھ گیا ہے۔
- و گنی میکانی بو جمہ پر موٹر کو کل 26200 = 1000 + 800 + 1000 واٹ یا 26.2 کلوواٹ برتی طب اقت در کار ہے۔ مساوات ۲۰۳۰ کی مد دے درج ذیل ہو گا

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_aE_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^\circ$$

يوں موٹر كاندرونى يوب نى برتى دباو <u>16.89 – 276 بو گاور قوى كچھے كابرتى رودر</u> نى بوگا۔

$$\begin{split} \hat{I}_{a} &= \frac{\hat{V}_{a} - \hat{E}_{a}}{jX_{s}} \\ &= \frac{239\underline{/0^{\circ}} - 276\underline{/-16.89^{\circ}}}{j2.2} \\ &= 38\underline{/17.4^{\circ}} \end{split}$$

-تاره جوڑ کی و حب ہے  $\hat{I}_t$  بھی اتنا ہی ہوگا۔ پیش حبز وط اقت $\hat{I}_t$  حص ہے۔

### إبك

# امالی مثین

ور برقیاتے کے میدان مسین تی کی بناامالی موٹرول کی رفتار پر وت ابور کھنا مسکن ہوااور یوں ان موٹروں نے کار حنانوں مسین کیک سمت روموٹروں کی جگہ لیناسشہ روع کی۔اسس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہم ہوتی وہاں کیس سمت روموٹر استعمال ہوتی جن کی رفتار پر وت ابور کھنانہایہ آسان ہوتا ہے۔ پچپاسس برسس قبل ترقیافت ممسالک مسین کیسست موٹر کی جگر امامل موٹروں کی مفہوطی اور مسین کی تب میل کی تب مامل موٹروں کی مفہوطی اور دریاکام کرنے کی صلاحت مشابل ہے۔ قوی السیکٹر انگسس نے ان کی رفت ارکوت ابوکر کے بلامق ابلہ ہنادیا۔

ا مالی موٹر در حقیقت ٹر انسفار مسر کی دوسسری صورت ہے یا یوں کہت بہتر ہوگا کہ ہے ایک ایک ٹرانسفار مسر ہے جسس کا ٹانوی کچھ حسر کت بھی کرتا ہے۔ یوں امالی موٹر کے سائن کچھ ٹر انسفار مسسر کے ابت دائی کچھ اور موٹر کے گھوتے کچھ ٹرانسفار مسسر کے ٹانوی کچھے تصور کیے حب سکتے ہیں۔ موٹر کے سائن کچھوں کو بسیرونی برقی طباقت مسیر اہم کی حب آئی ہے جب مسلاما مسیر کا گھوٹ کچھوں مسیر امالی برقی دیاوان کچھوں کو طباقت مسیر اہم کرتا ہے۔ اس کی بہناان کو المالی موٹر سائنسسر کے المالی موٹر سائنسسر کہتے ہیں

اسس باب کامقصہ امالی موٹر کے مساوی دور (ر**یاضی نموی**ز <sup>۳</sup>) کا حصول اور موٹر کی خواص پر غور کرناہے۔ ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دورٹر انسفار مسر کے مساوی دور کی طسرح ہوگا۔

ہم فٹ رض کریں گے کہ موٹر دو قطبی، تین دوری، ستارہ حبٹری ہے۔اسس طسرت یک دوری کچھوں کابر تی رو، تاربر تی رو ہو گااور یک دوری بر تی دباو چرک ہوگا۔ایس کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان ہو گاجب کہ نتیجب کسی بھی موٹر کے لئے کارآ مد ہوگا۔

# ا. ۷ ساکن کچھوں کی گھومتی مقت طیسی موج

امالی مشین کے ساکن کچھے بالکل معساصر مشین کے ساکن کچھوں کی طسر جہوتے ہیں۔مسزید گھومتے حصہ اور ساکن کچھوں کے قطب بن کی تعسداد ایک محسب ہوگی۔ساکن کچھوں کو متوازن تین دور کی برقی روسے ہجبان کرنے سے گھومتے مقساطیسی دباو کی ایک

power electronics induction motor mathematical model

المالي مشين المالي مشين

مون پیدا ہوگی۔ مساوات ۱۵٬۴۹س مون کو ظاہر کرتی ہے جبکہ مساوات ۱۵٬۵۳س کی معساصر و فتار دیتی ہے جس کو بہاں  $f_s$  کو بہاں  $f_s$  کو بہاں ساکن مجھول مساوات بہاں ساکن مجھول مسین برقی روکاتعہ دے ہیں۔ بہاں ساکن مجھول مسین برقی روکاتعہ دے ساکھا گیا ہے۔

(4.1) 
$$\tau_s^+(\theta,t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta-\omega_e t)$$
 
$$f_s = \frac{2}{P}f_e$$

# 2.۲ مثین کا سر کاواور گھومتی امواج پر تبصیرہ

 $f_e$  ہم دو قطب کی مشین پر غور کررہے ہیں جو P قطبی مشین کے لئے بھی درست ہے۔ ساکن کچھوں مسین تین دوری برقی رو کا تعب دو جا ہے۔ مساوات ۵.۵۳ ہی ہے کہ دو قطبی مشین مسین موج کی معساصر دفت اربحی ہے  $f_s$  ہی ہے۔ بول ہر سیکنڈ گومت حصہ کا گھومت حصہ ،  $f_a$  میکانی حیکر فی سیکنڈ گی دفت اربے موج کے رخ گھوم رہاہے جہاں گا ہے۔ بول ہر سیکنڈ گھومت حصہ مقت طبیعی بہاو کی موج ہے  $f_s$  ہی جہے سر کے حیات گا۔ اسس سرکنے کو موج کی معساصر دفت ارکی نبیت سے درج ذیل کھی جب ان کے موج کے مصاصر دفت ارکی نبیت سے درج ذیل کھی جب ان کے ہوئے گا۔ اسس سرکنے کو موج کی معساصر دفت ارکی نبیت سے درج ذیل کھی جب ان ہے۔

$$(2.r) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یہاں 8 مشین کے سر کاو مکی نایہ ہے۔اسس مساوات سے درج ذیل حساصل ہو گا۔

$$(2.7)$$
  $f=f_s(1-s)=f_e(1-s)$   $\omega=\omega_s(1-s)=\omega_e(1-s)$  (ح.خ.  $\omega=\omega_s(1-s)=\omega_e(1-s)$ 

یہاں غور کیجے گا۔ مقت طبی بہب و کی موج  $f_e$  تعب دیں گھوم رہی ہے جب کہ گھومت کچھ آئیں۔ دیں گھوم رہا ہے۔ گھومت کچھ کے حوالہ سے مقت طبی بہب و کی موج ( $f_e-f$ ) رفت ارہے گھوم رہی ہے، یعنی، گھومتے کچھ کوٹ کن تصور کرنے ہے گھومت مقت طبی بہب و کی موج ( $f_e-f$ ) امن فی رفت ارہے گھومتی نظر آئے گی۔ یوں گھومتے کچھ مسیں امالی برقی دباو کا تعب در بھی ( $f_e-f$ ) ہو گا۔ مساوات  $f_e$  کی مدد سے اسل امالی برقی دباو کا (اصن فی) تعب درجے کورج ذیل کھے حب سکتا ہے۔

$$(2.7) f_z = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

 $sf_e$ مشین بطور امالی موٹر استعال کرنے کے لئے گھومتے کچھے قصبر دور کیے حبائیں گے۔ ان قصبر دور کچھوں مسین برقی رو کا تعب در پر مخصب رہو گا۔ کچھوں کی رکاوٹ بر تی روکے تعب در پر مخصب رہو گا۔ کچھوں کی رکاوٹ بر مخصب رہو گا۔ کچھوں مسین پیپ داامالی برقی دباواور کچھوں کی رکاوٹ پر مخصب رہو گا۔ گی۔ گی۔ گی۔  $f_e$  کی موٹر جب حیالو کی حبائے توانس کا سسر کاو s اکائی ( s=1 ) ہوگالہ ذاگھومتے کچھوں مسین برقی روکا تعب درکارہ کا تعب کن موٹر جب حیالو کی حبائے توانس کا سسر کاو s اکائی ( s=1 ) ہوگالہ خاکھومتے کچھوں مسین برقی روکا تعب دورکارہ کا تعب کو میں برقی روکا تعب کو موٹر جب کے توانس کا سسر کاور اکائی ( s=1 ) ہوگالہ خاکھوں مسین برقی روکا تعب کر انہوں کی موٹر جب کے توانس کا سین کو میں کا موٹر جب کے توانس کا میں کو کھوٹر کے تعب کی موٹر جب کے توانس کا کھوٹر کی کھوٹر کی کھوٹر کے تعب کی موٹر جب کے توانس کی کھوٹر کی کھوٹر کے تعب کی موٹر جب کے توانس کی کھوٹر کی کھوٹر کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کے توانس کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے ت

fe کا بن موٹر جیب حیالو کی حیائے توانس کا سے کاوہ اکائی ( 1 ء 5 ) ہوگالہند الھوئے بچھوں مسین برقی رو کا تعسد د ہو گا۔ گھومتے کچھوں مسین  $_{g}$  تعسد د کابر تی روایک گھومتی مقت طبیعی دباو کی مون پیپدا کرے گاجو معیاصر رفت ارے گھومے گی۔ یہ بالک ای طسر رہے جیب سے کن کچھوں مسین برقی روے گھومتے مقت طبیعی دباوکی موج وجود مسین آتی ہے۔ یوں موٹر حیالو کرنے کے لحب پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقن طبی دباو کی امواج آیک حب سی رفت ارسے گھومتی ہیں۔مقن طبیبی دباو کی سے امواج دو گھومتے مقن اطبیبوں کی طسرح کوشش کرتی ہیں کہ ان کے بی زاو ہے۔ صف رہو ۔ یوں موثر قوضے مروثر <sup>8</sup> پیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کا بیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کا پیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کا پیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کھوے گی۔ اس کی ارفت ارتب ہو کر ایک برفت را رحمد تا بینج حب گی ۔ امالی موثر کی رفت ارتب کھی بھی مصاصر رفت ارتب نہیں بہنچ سے بینج سے تاب کی گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی۔ اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی۔ اور گھومتی ہوں مسین کوئی امالی برقی دباو پید بیدا نہیں ہوگا۔

جب موٹر حپل پڑتی ہے تواسس کے گھومتے کچھوں کے برتی رو کاتعب دے ۶۶ ہو گا۔ ان برتی روسے پیدامقٹ طبیبی دباو کی موخ گھومتے کچھوں کے جوالہ ہے گومت الرخود رفت از کم سے گھوم رہا ہو گالہہ ذاسیہ موخ در حقیقت حسلاء مسین (۴+sfe) رفت اربے گھومے گی۔ مساوات ۸۔ کے درج ذیل کھیا حب سکتا ہے جوایک اہم نتیجہ ہے۔

$$(2.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

سے مساوات کہتی ہے کہ موٹر جس رفتارے بھی گھوم رہی ہو، گھومتے کچھوں سے پیدامقٹ طیسی دباو کی موج س کن کچھوں سے پیدامقٹ طیسی دباو کی موج کی رفتارے ہی گھو ہے گی۔ پیدامقٹ طیسی دباو کی موج کی رفتارے ہی گھومے گی۔ مثال ا. 2: حیار قطبین، ستارہ، 50 ہرٹز، 415 وولٹ پر جینے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی (پوری) بن وٹی بوچھ پر پانچ فی صدر سرکاویر حیلتی ہے۔

- اسس موٹر کی معیاصر رفت ارکتنی گی؟
- یورے بوجھ پراسس کی رفت ارکتنی ہو گی؟
- يورب بوجه ير گومتے ليجے مسين برقى تعبد دكت ابوگا؟
- يور بوڄھ سے لدے موٹر كى دھ سرے برقو سے مسروڑ كتنى ہوگى؟

: 1

- مساوات اے کی مددسے مصاصر رفت ار 25  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  پیکر فی سیئٹریا  $f_m = 25 \times 60 = 25$  منٹ ہوگی۔
- پورے بوجھ سے لدی موٹرپانچ فی صدر سرکاوپر حیلتی ہے لہنہ ذااسس کی رفت ارمعی صررفت ارسے کم ہوگی۔ موٹر کی رفت ار سے اوات سے کہ موٹرپانچ فی صدر سے 23.75 حیکر فی سے بنٹریا 2425 حیکر فی منسف سے مساوات ہوتی ہے۔
  - ه گومتے کچھے کابرتی تعبد د $f_z = 0.05 \times 50 = 2.5$  ہر ٹر ہوگا۔
  - $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \text{N} \, \text{m}$  وهسرے پر قوت مسرور ال

المالي مشين المالي مشين

### 

مساوات ا۔ کا کا پہلا حبزو ساکن کچھوں کی پیدا کر دہ مقت طبی دباو کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ یہ مقت طبی دباو مشین کی حساب کی درز مسیں مقت طبی شدت  $H^+(\theta)$  پیدا ہوگا درز مسیں کثافت مقت طبیس ہیں و  $H^+(\theta)$  پیدا ہوگا درز مسیں کثافت مقت طبیس ہیں و رائی موگا

$$\begin{split} B^+(\theta) &= \mu_0 H^+(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^+(\theta)}{l_g} \\ &= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t) \\ &= B_0 \cos(\theta - \omega_e t) \end{split}$$

جوبالکل مساوات 0.2 کی طسر 0.2 ہوں مسین پیسے درج بالا مسین 0.3 و خل ہوں مساوات 0.2 کی مقت طیسی موج 0.3 کی ساکن کچھوں مسین پیسے داکر دہ امالی برقی دباو کو ظل ہر کرے گی۔ اسس مساوات کو بہاں دوبارہ پیش کسی حب تاہے حب تاہے

$$\begin{array}{ll} e_{as}(t)=\omega_eN_s\phi_0\cos(\omega t+90^\circ)=E_s\cos(\omega t+90^\circ)\\ (\text{2.2}) & e_{bs}(t)=\omega_eN_s\phi_0\cos(\omega t-30^\circ)=E_s\cos(\omega t-30^\circ)\\ e_{cs}(t)=\omega_eN_s\phi_0\cos(\omega t+210^\circ)=E_s\cos(\omega t+210^\circ) \end{array}$$

جہاں $N_s$  درج ذیل ہے۔

$$(2.1) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

یہاں  $e_{as}(t)$  کی ہوئے زیر نوشت مسیں a، دور a کو ظہر کر تا ہے اور a، ساکن a کو ظہر کر تا ہے بعنی ہے ساکن a کی ہوئے اسس کی مسیں امالی برقی دباو ہے مالی موٹر کے دور a کی بات آگے بڑھاتے ہیں۔ گومتی مقناطیسی دباو کی موخ اسس کی مسیں امالی برقی دباو  $e_{as}(t)$  کا امالی برقی دباو  $e_{as}(t)$ 

### ۷.۴ ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفت ار اور ان مسیں پیسدا امالی برقی دباو

س کن کچھوں کی پید اگر دہ، گھومتے مقت طیسی دباہ کی موج (مساوات ا.ک) کی چوٹی  $^{2}$ اسس مقت میں ہوگی جہاں  $(\theta-\omega_{e}t)$  صف سند سے برابر ہو۔ یوں گھوسے مقت سے براسس کی چوٹی صف سرزاوی  $(\theta=0)$  پر ہوگی اور گھوں کی مقت طیسی دباہ کی موج کا زاوی کے بھی نقط کے حوالے سے ناپا جب اسس کتا ہے۔ اسس شکل ایک مسین نقط کے دار افقی لکسیسر سے زاوی نیا جب کے گا۔ اسس شکل مسین ایک امال موٹر دکھائی گئی ہے جس کے ساکن کچھے تین دوری ہیں۔

الفظ ساکن مسیں حسر ف سس کے آواز کو8 سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ peak



شکل ا. ۷: امالی موٹر اور اسس کے گھومتے مقن طیسی دباو کی موحب یں۔

مشین t زادیائی رفت ارے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لحب صف رلیجی t=0 پر گھومتے حصہ کے پھے اصف رزاو ہے بہتے ہے ، لیخی ہے نقط دارا فقی کلیسر پر ہے۔ مسزید تصور کریں کہ اس لحب ساکن کچھوں کی گھومتی مقت طبیعی دباو کی مون بھی ای افقی کلیسر پر ہے۔ اب کچھ دیر بعب لحب t پر ہمون زاو ہے مون زاو ہے مون زاو ہے مون زاو ہے میں پہنچ گاجب t=0 کے نقوم سے مون کر اور بالہ خوالے میں بھی کے نقوم سے الم میں کہ دور مسین گور میں کہ مون کے اور کھومت کے نقوا و سے جو درج ذیل ہوگا۔ اور کھومت کچھے کے نقوا و سے جے درج ذیل ہوگا۔

(2.9) 
$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$  اگر حب مقت طیسی موج نے t میں زاو سے سے کسیال کن گومتے کچھے کے حوالے سے اسسے نے صرف زاو سے راویل کی ر

$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

جس کومساوات ۴۷۷ کی مددسے درج ذیل ککھا حب سکتاہے۔

$$\omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s \omega_e$$

ہے۔ مساوات کہتی ہے کہ گھومتے کچھوں کے حوالے سے مقت طیبی موج کی رفت ارسسر کادی پر منحصسر ہو گی۔البت۔ اسس موج کا حیطہ تبدیل نہسیں ہوا۔ یوں گھومتے کچھوں کے حوالہ سے مساوات ۲۔ که درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(2.17) 
$$B_{s,rz}^+(\theta,t) = B_0\cos(\theta-\omega_z t) = B_0\cos(\theta-s\omega_e t)$$

یں کلھے ہونے زیر نوشت مسیں تے، لفظ انسانی کے حسر نس من کی آ واز کو ظب ہر کر تا ہے۔ $z^{\Lambda}$  relative angular speed

\_

۱۸۸ بالي مشين

 $B_{s,rz}^+$  مسیں + کانشان حنلاف گھٹڑی موج کو ظل ہر کر تاہے جب کہ زیر نوشت مسیں s,rz اسس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن کچھول کی وحب ہے وجود مسیں آئی اور اسے گھومتے لینی رواں کچھول کے حوالے سے دیکھا حب رہا ہے۔ مسزید، اسس مساوات کاتعبد داخسانی تعبد دو  $Su_e$ 

يوں گھومتے لچھوں مسیں امالی برقی دباو مساوات 2.2 کی طسرح ہوں گے کسیکن ان مسیں تعبد د $\omega_z = s\omega_e$  ہوگا: "

$$\begin{array}{ll} e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 90^\circ) \\ (\text{2.ir}) & e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 30^\circ) \\ e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 210^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 210^\circ) \end{array}$$

ان مساوات مسین  $N_r$  گلومتے کچھے کے حپکر ہیں اور  $E_r$  ورج ذیل ہے جو ساکن موٹر (s=1) کے گلومتے کچھے مسین برقی دراور وگا۔

$$(2.17) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

گھومتے کچھوں اور ساکن کچھوں کے امالہ دباو کاتٹ سب مساوات ۱۳ کااور مساوات ۷۔ کے حساصل کرتے ہیں۔

(2.1۵) 
$$\frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = s \frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = s \frac{N_r}{N_s}$$

$$js\omega_e L_r = jsX_r$$

یہاں  $jX_r$  کو تھومتے گھومتے گھومتے

ت كارى بالكل شكل ١٥١ كى طسرت به للهذام اوات ١٥٠ ا برقى روح السسل كيد جاكة بين:

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2X_r^2}}\cos\left(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z\right) = I_{0r}\cos(s\omega_e t + \theta_0)$$
 (2.12) 
$$i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2X_r^2}}\cos\left(s\omega_e t - 30^\circ - \phi_z\right) = I_{0r}\cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 210^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

<sup>&#</sup>x27;'اہ افظ ساکن کے سس کو ظباہر کرتاہے ، ۲ لفظ رواں کے رکو ظباہر کرتاہے اور پر افظ اصٰ فی کے ض کو ظباہر کرتاہے۔ " earz مسین دورہ ہے۔ گومتے لیچھ کو ۱ اور اصن فی کویۃ ظبہر کرتاہے۔ "ایب اس ۲ گومتے لیچھ کو ظباہر کرتاہے اور پر اسس بات کی یاد دھیانی کرتاہے کہ اسس برقی رو کا تعب د ، اضافی تعب درہے۔ اگر امنار مسرکی اصطباح مسین ٹانوکی کیچے کوزیر نوشت مسین 2 سے ظباہر کرتے ہیں۔ یہب ایاسے ۲ سے ظباہر کسیاحہا تاہے۔



$$Z_r = R_r + jsX_r$$
 
$$\phi_z = \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$
 
$$\hat{I}_{arz} = \frac{\hat{E}_{arz}}{Z_r}$$

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|}\cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r}\cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$

شكل ۲.۲: گلومتے لچھا كامسادى دوراوراسس مسين اضافى تعبد د كاروبه

ے تین دوری برقی رو ہیں جو آپ س مسیں °120 زاوے رکھتے ہیں۔ یہاں چ $\phi$ ر کاوٹ کازاوے "اے۔امید کی حباتی ہے کہ اے آیے مقت طبیعی ہیاونہیں سنتھجیں گے۔درج بالامساوات مسیں درج ذیل ہوں گے۔

(2.11) 
$$\theta_0 = 90 - \phi_z \\ I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

فنسرض کریں شکل ۷.۲ مسیں داخنلی دباوی موثر قیمت کو خاب کرتی ہے۔ یوں  $I_{0r}$  برقی روکی موثر قیمت ہوگی  $\hat{E}_{arz}$  برتی دباوی موثر قیمت ہوگی لہنداایک گھومتے کچھے کی مسزا ہمت مسین

$$(2.19) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کاضیاع ہوگا۔ یہ طاقت حسرارت مسین تب یل ہوکر لیچے کو گرم کرے گا۔

### 2.۵ گومتے کچھوں کی گھومتے مقت طیسی دیاو کی موج

ہم حبانے ہیں کہ ساکن تین دوری کچھوں مسیں  $f_e$  تعبد د کے برقی رو گھومتے مقت طبی دباوی مون پیبدا کرتے ہیں جو ساکن کچھے کے حوالے ہے  $f_e$  معتاصر زادیائی رفت اربے گھومتی ہے۔ ای طسرح گھومتے تین دوری کچھوں مسیں  $g_e$  تعبد د کے برقی روایک گھومتے مقت طبیبی دیاو کی مون جہ ہے۔ اگر اور ایک ہو متی ہے۔

(2.7.) 
$$\tau_{rz}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos\left(\theta - s\omega_e t - \theta_0\right)$$

یہاں  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  مساوات  $I_{0r}$  کے بیں۔ گھومت کچھا ازخود f زاویا کی رفت ارسے گھوم رہا ہو گالہند ااسس کی پیدا کر دہ موج حسال کی درز مسین  $(f+sf_e)$  زاویا کی رفت ارسے گھومے گی۔ اسس رفت ارکومساوات  $I_{0r}$  کی مدد سے درج ذیل کھیسا

 $<sup>-\</sup>gamma$ ا تکنسے و نے مسیں رکاوٹ کے زاویہ کے لئے چ $\phi$ استعال ہو تاہے۔ یہاں کی کب آگیا ہے۔

۱۹۰ بابک امالی مشین

حباسكتاہے۔

$$(2.71) f + sf_e = f_e(1-s) + sf_e = f_e$$

یوں گھومتے کیچھوں کے مقت طبیعی دباو کی موج کو ساکن کیچھوں کے حوالے درج ذیل ککھا حب سکتا ہے۔

(2.rr) 
$$\tau_{r,s}^+(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos{(\theta - \omega_e t - \theta_0)}$$

 $\tau,s$  مسیں + کانشان گھٹڑی کے محنالف رخ گھومتی موج کو ظاہر کر تا ہے جبکہ زیر نوشت مسیں  $\tau,s$  اسس بات کی وضاحت کر تاہے کہ سے موج گھومتے کچھوں کی وحب سے وجو د مسیں آیا ہے مسگر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا حب رہاہے۔ رہاہے۔

یبان ذرارک کر غور کرتے ہیں۔ مساوات ۲۰۲۷ کے مطابق گھومت الچھاخود جس رفت ارہے بھی گھوم رہا ہو، اسس کی پیسدا کر دہ موج ساکن لچھے کی پیدا کر دہ موج کی ایسا معساصر رفت ارسے ہی گھوے گی۔ ایول مشین مسین دوامواج ایک ہی معساصر رفت ارسے گھوم رہی ہوں گی۔ مساوات 190 کہتی ہے کہ دومقت طیسی دباو کی موجبین قوت مسروٹر پیدا کرتی ہیں جوامواج کی چوٹیوں اور ان کے پخ زاویہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی مشین مسین موجود دومقت طیسی امواج قوت مسروٹر پیدا کرتی ہیں جس کی قیت ان امواج کی چوٹیوں اور ان کے پخ زاویہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی موٹر، لدے ہو جھ کے مطابق امواج کے پخ زاویہ رکھ کر در کار قوت مسروٹر پیدا کرتی ہے۔

# ۲. کھومتے کچھوں کے مساوی منسر ضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھول کی جگ۔  $N_{r}$  حپکر کے تین دوری منسر ضی ساکن کچھے ہوں تب مساوات ے کی طسرح ان مسیں امالی برقی دباو $^{0}$ 

$$\begin{array}{ll} e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t + 90^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t + 90^\circ)} \\ (\text{2.rr}) & e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t - 30^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t - 30^\circ)} \\ e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t + 210^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t + 210^\circ)} \end{array}$$

پیدابوں گے جہاں  $E_r=\omega_e N_r \phi_0$  کے برابر ہے (مساوات ۱۲۰)۔ مسزید ونسد ض کریں ان ونسد ضی ساکن کچھوں کی مسزاحت  $\frac{R_r}{s}$  اور متعاملیت  $jX_r$  ہے

(2.rr) 
$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + jX_r$$

اور ان منسرضی ساکن کچھوں پر مساوات ۲۳ ۷ ۲ کے برقی دباولا گو کیے حسباتے ہیں (شکل ۲۰۱۷)۔ یوں ان مسین درج ذیل برقی رو

ان مساوات مسین زیر نوشت مسین ک<sub>ا</sub> لفظ منسر ضی کے ف<sub>ٹ</sub> کوظ اہر کر تاہے۔

\_\_\_\_

#### شكل ٣ ٧: هُو متر لچھوں كى جلّب منسر ضي ساكن لچھے كادور۔

ہوں گے۔

$$\begin{split} i_{afs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t + \theta_0\right) \\ (\text{2.7a}) \quad i_{bfs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0\right) \\ i_{cfs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0\right) \end{split}$$

$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

ان رو کا تعبد د $\omega_e$  اور پسیدا کرده گلومت مقت طیسی موخ درج ذیل ہو گاجو ہو بہو گلومت کیجھے کی موخ  $(\theta,t)$  (مساوات ۲۲.۷) سے ب

$$\tau_{fs,s}^+(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

امالی موٹر کامساوی برقی دور

ہم ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھے کا برقی دور پہلے بنا چے ہیں جہاں کچھے کی مسزاحت  $R_1$  اور رستامتعاملیت ''  $jX_1$  تھی۔ ٹرانسفار مسیر کے وت الب مسین وقت کے ساتھ بدلت امقت طیسی بہاواسس کچھے مسین امالی برقی دباو  $\hat{E}_1$  پسیدا کر تا ہے۔

leakage reactance

امالي مشين



*مشکل ۲۰* :۱مالی موٹر کے ساکن کچھوں کامساوی برقی دور۔

يوں

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 (R_1 + jX_1) + \hat{E}_1$$

کھے جب سکتا ہے جب ان  $\hat{V}_1$  ابت دائی کچھے پر لا گو ہیں رونی برقی دباوہ ہے۔ ہم دیکھ سیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی یہی مساوات حساس ہوگی۔ تصور کریں کہ مشین کے گومتے کچھے کھا دور ہیں اور ساکن کچھوں پر تین دوری برقی دباولا گو ہے۔ ساکن کچھوں کے برقی رو گھومتے مقت طبی دباوگی ایک موتی  $\tau_s^+(\theta,t)$  ہے جو مساوات اے کہ مسیں دگی ہے۔ اس حصہ مسیں ہم مشین کے ایک دور ، مشاؤ دور ہی، پر نظر رکھسیں گے۔ یہ اس شکل  $\tau_s$  کے برق کریں۔ اگر ساکن کچھے کی مسنوا ہمت ملیت  $\tau_s$  اور متع ملیت  $\tau_s$  ہواور اسس پر لا گو ہیں دونی برقی دباو کے جست درج ذکر ہوگا و

$$v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

جہاں ( $e_s(t)$  مساوات کے کے مسین دی گئی، اسس مون کی ساکن کچھے مسین پیپدا امالی برقی وباو ہے۔ای کو دوری سمتیہ کی صورت مسین کھتے ہیں۔

$$\hat{V}_s = \hat{I}_s \left( R_s + j X_s \right) + \hat{E}_s$$

ٹرانسفار مسر کی مثال آ گے بڑھ نے ہیں۔اگر موٹر کا گھومت کچھ کھیلا دور ۱۸ رکھی جب نے تب متالب مسین ایک ہی کا فور میں مقت طبسی بہت ہوگا، وہ  $\varphi_s$  مقت طبسی بہت وہ ہوگا، موٹر کا گھومت کچھ مسین برقی رو $(\hat{I}_{\varphi})$  ہوگا، جو مقت طبسی بہت ہوگا۔ فور پیر تسلسل ۱۹ کی مدد سے اسس کے بنیاد کی اور ہار مونی احب زاء دریافت کے حب سے ہیں۔ اس کے بنیاد کی حب نے دی حسب رونی برقی دو ج

Kirchoff's voltage law14

open circuited11

Fourier series19

وت الب مسیں طباقت کے ضیاع کو ظباہر کرے گاجب کہ دوسسراحصہ  $\hat{V}_s$  نوے در حب تاخیسری زاویہ پر ہو گا۔ چ $\hat{I}_{\varphi}$  منفی کر کے مقعا طلیح جزوحت مسل ہو گاجس کو  $\hat{I}_{e}$  نظاہر کسیاحب تا ہے۔ بنیادی حب زوکے لحاظ سے مقت طلیعی حب زوتاخیسری اور باتی سارے بار مونی احب زاء کا محبصوعہ ہوگا

$$\hat{I}_{arphi}=\hat{I}_{c}+\hat{I}_{m}$$

 $\hat{I}_m$  جو وت الب مسین مقت طبی ہوب و  $\varphi_s$  پیدا کر تا ہے۔ امالی موٹر کے مساوی دور مسین  $\hat{I}_c$  کو مسین ہوتی ہوتی ایر  $X_m$  اور  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  برقی دور ورسا صل ہو۔ یول درج ذیل ہوگا۔

(2.77) 
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$
 
$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

مقت طیسی دبادکی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  گومتے کچھے مسیں بھی امالی برقی دباد اور کچھے کا ندرونی امالی برقی دباد ہر حسالت مسیں ایک برقی دباد واور کچھے کا ندرونی امالی برقی دباد ہر حسالت مسیں ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے تصسر دور کر دیے حباتے ہیں۔ ایسا کرتے ہی ان مسیں برقی رو گزرنے کی برابر ہوں گے۔ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے تصسر دور کر دیے حباتے ہیں۔ ایسا کرتے ہی ان مسیں برقی رو گزرنے کے گئیں جو مقت طیسی دباد کی موج کی ہرہ ہر ( $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$ ) جو مساوات 2.۲۲ مسیں دی گئی ہے ، پیدا کریں گے۔ اس موج سے ساکن کچھے مسیں امالی برقی دباو کہ گئی ہوگا البند اامالی برقی دباواور لاگو برقی دباواویک دوسسرے کے برابر بہنیں رہیں گے۔ یہ ایک مکنے صورت حسال ہے۔

س کن کیجے مسین امالی برتی دباو، لاگو برتی دباوے برابر تب رہے گاجب مسال مقت طبی دباوت بدیل نہ ہو۔ مشین کے مسین امالی برتی دباور کے برابر تب رہے گاجب متن کی مقت دباور مشین کے مسال مقت طبی دباور کی متن دباور کی ایک مقت مقت طبی دباوکی ایک مقتب دباوکی ایک موج پی اگر نے بی بی جو کہ براہ کی اگر کہ کہ براہ کی ایک میں برقی روزی کے براہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ

$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + \theta_0)$$
 
$$i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$
 
$$i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

ب اضافی برقی رو درج ذیل موج پیدا کرتے ہیں۔

$$\tau_{(r)}^+(\theta,t)=k_w\frac{4}{\pi}\frac{N_sI_{0r}'}{2}\cos(\theta-\omega_e t-\theta_0)$$

س کن کچھوں مسیں امنسانی برتی رونے ہر لمحب گھومتے کچھوں کے برقی رو کے اثر کو حسنتم کرناہے الہٰ ذاہیہ دونوں برقی روہم مت دم ۲۰

۱۹۸۲ باپ ۲۰ امالی مشین





$$i'_{a}(t) = \frac{E_{s}}{\sqrt{\left(\frac{R'_{r}}{s}\right)^{2} + X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$
$$= \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$

شكل ٧.٦: گومتے لچھے كاايك مساوى دور ـ

جوں گے۔ چو نکہ مساوات ۲۳۲ کے اور مساوات ۲۲ کے ہم لمحت ایک دوسرے کے برابر ہیں المہذادری ذیل ہوگا۔ 
$$N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

مساوات ۷.۱۸ کی استعال سے درج ذیل ہوگا۔

(2.77) 
$$I'_{0r}=\left(\frac{N_r}{N_s}\right)I_{0r}=\left(\frac{N_r}{N_s}\right)\frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2+s^2X_r^2}}$$

آپ نے دیکھ کہ گھومتے لیجھے مقت اطبی دباوکی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن کچھوں کو معسلوم ہو تا ہے کہ موٹر پر بو جھ لدا ہے اور وہ اسس کے مطبابق لا گوبر تی دباوے برقی رولسیتی ہیں۔ یہساں تک امالی موٹر کامساوی برقی دور شکل 2.۵مسیں د کھایا گیا ہے۔ یہسال ذرہ مشکل 2.1 سے رجوع کریں جہساں

(2.72) 
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$
 
$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

۷.۷. امالی موٹر کامپ اوی برقی دور

پر ساکن کمچھوں کا امالی برقی دباو $\hat{E}_s$  لا گوہے لہانہ ابرقی رو درج ذیل ہوں گے۔

$$i_a'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z)$$
 (2.71) 
$$i_b'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z)$$
 
$$i_c'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z)$$

190

ان سے کے حطے ایک دوسرے کے ہر ابر ہیں جنہ یں

$$\begin{split} \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} &= \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^4 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} &\quad \text{(2.72.1)} \\ &= \left(\frac{N_r}{N_s}\right)^2 \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \\ &= \frac{N_r}{N_s} \frac{s\omega_e N_r \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} &\quad \text{(2.74)} \\ &= \frac{N_r}{N_s} \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} &\quad \text{(2.17.1)} \\ &= \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}' &\quad \text{(2.77.1)} \end{split}$$

لکھ کر مساوات ۲۳۸ کے درج ذیل صورے اختیار کرتی ہیں۔

$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 90^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 210^{\circ} - \phi_{Z})$$

یہ مساوات بالکل مساوات بالکل مساوات 2.۳۳ کی طسر ترہے جہاں  $\theta_D=00-\phi_Z$  ہوگا۔ یوں شکل 2.۵مسیں سے کن کچھوں کے امالی برتی دواوی انتخابی ہوگا جیتنا اصل موٹر مسیں اضافی برتی روات بی ہوگا جیتنا اصل موٹر مسیں گھومتے کچھوں کی بہت ہوگا۔ ایس کرتے ہوئے شکل 2.2 حساصل ہوتی ہے جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کی مسین گھومتے کچھوں کی بہت ہوگا۔ ایس کرتے ہوئے شکل 2.2 حساصل ہوتی ہے جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کی کرتا ہے۔

اب ٢٠١١مالي مشين



### ۸.۷ مساوی برقی دوریر غور

ہم سشکل ۷.۷ مسیں برقی دباواور برقی رو کی قیتوں کو موثر قیمتیں تصور کرتے ہیں۔ ایک گھومتے کیچھے مسیں برقی طباقت کے ضیاع کو مساوات ۱۹.۷ ظباہر کرتی ہے۔ مساوات ۷۳۷۷ اور ۳۹۰۷ کی مدد ہے اسے درج ذیل کھیا حباسکتا ہے۔

(ح.۲۱) 
$$p_{\zeta_{r}} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$

شكل 2.2 مسين گھومتے کچھے كو كل

$$(2.77) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s}$$

برقی طباقت منسراہم کی حبائے گی جس مسیں سے <sub>نیٹ</sub> کو شتے کچھے کی مسنزا ہمت مسیں صنائع ہو گی اور باقی بطور میکانی طباقت مشین کے دھسرے پر دستیاب ہو گی:

$$(2.77) \hspace{1cm} p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^\prime = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s} (1-s) = p_r (1-s)$$

تین دوری مشین جس مسیں تین کچھ ہوتے ہیں تین گٹ میکانی طباقت منسر اہم کرے گی:

(2.77) 
$$p_{\rm isc} = 3I_{0r}'^2 \frac{R_r'}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

مساوات ۲۰۳۳ کہتی ہے کہ ساکن موٹر، جس کا سرکاو اکائی ہو گا، کوئی میکانی طباقت منسر اہم نہیں کرتی ہے بلکہ وہ تسام برقی توانائی جو گھومتے حصہ کو ملتی ہے ضائع ہو کر اسس حصہ کو گرم کرتی ہے جس سے موٹر جلنے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اسس مساوات ہے وکچ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کا سرکاو صف رکے متریب رہنا حب ہے ورن یہ سے نات بل متبول (اور نات بل برداشت) حد تک برقی توانائی ضائع کرے گی۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل ۲۰۵ کی طسرح بھی تفکیل



يوں شكل 2.2 مسيں مسزامت  $R'_r$  مسيں برقی طباقت كا ضياع  $R'_r$  گومتے لچھے كا ضياع جبكہ مسزامت  $R'_r$  مسيں برقی طباقت كا ضياع  $R'_r$  وراصل ميكانی طباقت ہوگا۔ يا در ہے كہ تين دورى مشين كے كئے  $R'_r$  وراصل ميكانی طباقت ہوگا۔ يا در ہے كہ تين دورى مشين كے كئے النات كئے كو تين ہے ضرب ديت ابوگا۔

میکا فی طب قت سے مسراد قوت مسروڑ ضرب میکانی زاویا فی رفت ارہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویا فی رفت ار مساوات ۲۰۳ دیتی ہے جب کہ مساوات ۵۵۵۳ مسیں میکانی معاصر رفت ار ۱۵۰۷ میں میکانی طب قت

(ح. ٢٥) 
$$p=T_m\omega=T_m imes 2\pi f=T_m imes 2\pi (1-s)f_s=T_m(1-s)\omega_{sm}$$

اور قوت مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

(۲۳) 
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}'^2}{\omega_{sm}}\frac{R_r'}{s}$$

اصل موٹر مسیں رگڑ، متالبی ضیاع، کچھوں مسیں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بن، دھسرے پر طاقت یا تو۔ مسروڑ ان سے کم ہوگی۔

ر نامکن کو نظر انداز کیا گئی میں وہ ترین میں وی دور میں ہے  $R_c$  اور  $R_c$  کو نظر انداز کیا گئی گئی ہے اصابی موٹر میں ایس کر ناممکن جمیں ہوتا جو تکہ موٹروں میں حنائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیبی ہیں وہ یہ اگر نے کے لئے بہت زیادہ مقناطیبی دیاو در کار ہوتی ہے۔ بے بو جھے امالی موٹر کو بہناوٹی برقی رو کا تیس سے پہلے سس فی صدیر قی رو، متالب کو بھیان کرنے کے لئے در کار ہوتا ہے۔ مسئری درز کی وجہ ہے اسس کی رستا امالہ بھی زیادہ ہوتا ہے اور اسے نظر انداز کرنا مسکن جہیں ہوتا۔ البت مساوی دور میں جھے کو نظر انداز کیا جب سکل ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار میں کیا تیں جبان ہو جب تا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار کہ سے کہا تیں جب نام کا میں وہ وہ باتا ہے۔ ایس کرتے ہیں۔ جمالی کرتے ہیں۔

امالی مشین باب ک. امالی مشین



شکل ۹. ۷: امال موٹر کا سادہ دور۔ ت البی ضیاع کو نظر رانداز کیا گیا ہے۔

مثال 2.۲: ستارہ، چید قطبی، پحپ سس ہرٹز اور 415 وولٹ پر جیلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے احسزاء درج ذیل ہیں۔

$$R_s = 0.5$$
 ,  $R'_r = 0.31$  ,  $X_s = 0.99$  ,  $X'_r = 0.34$  ,  $X_m = 22$ 

موٹر مسین رگڑے طباقت کاضیاع 600 وائے ہے۔ وت الی صفیاع کو ای کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اسس کو اٹل تصور کی معرب نے۔ یہ موٹر در کار دولہ والہ اور تعداد پر دو فی صد سر کا و پر حپل اربی ہے۔ اسس حسالت میں موٹر کی رفت ارباس کے دھسرے پر پییدا قوت مسروڑ اور طباقت، اسس کے ساکن کچھے کا برقی رواور اسس کی فی صد کار گزاری حساس کریں۔ کریں۔ حسل: موٹر کی معساسر رفت ار 6.66  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  60  $\times$  60

$$jX'_r + R'_r + R'_r \frac{1-s}{s} = jX'_r + \frac{R'_r}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور  $jX_m$ متوازی حبڑے ہیں جن کی مصاوی رکاوٹ درج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \frac{1}{Z} &= \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22} \\ Z &= 10.147 + j7.375 = R + jX \end{split}$$

موٹر پر لاگویک دوری برقی دباوہ  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  دول ہے۔ یوں س کن کچھے کابر تی رودرج ذیل ہوگا۔

اسس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طباقت منتقب کی جور کاوٹ Z کو منتقب ہوگی۔ یوں مساوات ۷۴،۲ درج ذیل کاتھی حبا سے ۔ سنتی ہے۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \, \mathrm{W}$$

تىن دوركے لئے 3177.37  $\times$  8وائے ہو گی۔ مساوات ۸۳۸ کے موٹر کی اندرونی مریکانی طباقت و تی ہے:

$$p_{\rm ig} = 9532 \times (1 - 0.02) = 9341 \, \mathrm{W}$$

اسس سے طباقت کاضیاع منفی کرنے سے موٹر کے دھسرے پر میکانی طباقت 8741 = 9341 – 9341 واٹ حساسل ہوتی ہے لہانہ ادھسرے ہر قوت مسروڑ درج ذمل ہو گی۔

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \,\mathrm{Nm}$$

 $\sqrt{3} imes 415 imes 17.6956 imes \cos(-38.155) = 10001.97$  وائے ہوگی۔ یوں موٹر کو کل مہپ برتی طب قت $\sqrt{3} imes 415 imes 17.6956 imes \cos(-38.155) = 10001.97$  ہوگی۔ اسس موٹر کی کار گزاری 2 87.39  $\times$  100 = 87.39 ہوگی۔

### 9.۷ امالی موٹر کامساوی تھونن دوریاریاضی نمون

مسئلہ ت**صونوخ**" کے مطبابق کسی بھی سادہ خطی برقی دور <sup>۴۴</sup> کواکس کے دوبرقی سسروں کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباو کی مساوی سلسلہ وار دور سے ظساہر کسیاحباسکتا ہے۔اکس مساوی دور کومساوی تھونن دور کہتے ہیں جبکہ اکس مساوی تھونن دور کی رکاوٹ کو تھونن رکاوٹ اور برقی دباو کو تھونن برقی دباو کہتے ہیں۔

برقی دور کے دوبرقی سے دول کے پی تھونن رکاوٹ سے اصل کرنے کے لئے برقی دور کے تمام اندرونی برقی دباو قصسہ دور کرکے ان دوبرقی سے دول کے پی کوئن رکاوٹ ہوگی۔ انہمیں برقی سے دول پر تھونن برقی دباو سے ان دوبرقی سے دول پر برقی دباو معلوم کے استان حساس کرنے کے لئے دیے گئے برقی دور کے تمام اندرونی برقی دباو برفت برار رکھ کر ان دو سے دول پر برقی دباو معلوم کے حبات اور حقیقت تھونن برقی دباو ہوگا۔ بعض اوقت ہے ہما کے برقی دور کے ایک حساس دی تھونن برقی دور سے ان محل دور کے ایک حساس کے حساس کی دور سے اس کے جہا ہے۔ برقی دور کو اس جھے کے مکسل طور پر منقطع کر کے درکار حصہ کا تھونن مساوی دور حساس کے جہا ہے۔ کئی مساوی تھونن برقی دباو ہوگا۔ کئی حساس کی تھونن رکاوٹ کے اور تھونن برقی دباو ہی درج ذیل حساس کہ ہوتے ہیں۔ ا

(2.72) 
$$Z_t = \frac{\left(R_s + jX_s\right)jX_m}{R_s + jX_s + jX_m} = R_t + jX_t$$
 
$$\hat{V}_t = \frac{jX_m\hat{V}_s}{R_s + jX_s + jX_m} = V_t/\underline{\theta_t}$$

کی بھی مختلوط عبد د $jX_t$  کا محبوعہ کھیا جب التھ ہے۔  $R_t$  اور ایک مختلوط عبد د $jX_t$  کا محبوعہ کھیا جب سکتا ہے۔

Thevenin theorem

۲۰۰ امالی شین



شکل ۱۰٪: تھونن رکاوٹ اور تھونن برقی دباوحساص کرنے کے ادوار۔



شکل ۱۱٫۷: تھونن دور استعال کرنے کے بعب امالی موٹر کامساوی دور۔

یمی اسس مساوات مسین کمیا گیا ہے۔ ہم یوں امالی موٹر کے مساوی برقی دور کو سشکل ۱۱٫۷ کی طسرح بن سکتے ہیں جہاں سے دوری سمتیہ کی استعال سے مندر حب ذیل برقی رو 12سل ہوتا ہے۔

$$\begin{split} \hat{I}_r' &= \frac{\hat{V}_t}{R_t + jX_t + \frac{R_r'}{s} + jX_r'} \\ \left| \hat{I}_r' \right| &= I_r' = \frac{V_t}{\sqrt{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}} \end{split}$$

چونکہ  $I'_t$  کی قیمت پر  $\hat{V}_t$  کے زادیے کا کوئی اثر نہیں لہذا مساوی تھونن دور مسیں  $\hat{V}_t$  کی جگہ  $V'_t$  استعمال کیا حب سکتا ہے۔ اسس کتاب مسیں ایسانی کیا جب گا۔ مساوات  $V'_t$  کی اور مساوات  $V'_t$  کے تین دوری مشین کی قوت مسروڑ حساصل کرتے ہیں۔ مساوات  $V'_t$ 

$$\begin{split} T &= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2} \\ &= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2} \end{split}$$

اسس مساوات کو مشکل ۱۱ ۷ مسین دکھایا گیا ہے جہاں موٹر کی رفت ارکو معاصر رفت ارکی نبیت ہے دکھایا گیا ہے۔ موٹر از خود گومتے مقت طبیعی موج کے رخ گومتی ہے اور اسس کی رفت ارمع صر رفت ارسے کم رہتی ہے۔ زیادہ سرکاوپر موٹر کی کا تاراستال مسین موٹر تقسد بیابا پی فی صدے کم سرکاوپر حیال کی جباتی ہے کہ اسال موٹر اپنی بناوٹ بیابا پی فی صدے کم سرکاوپر مہیا کرتی ہو۔
بلکہ ان کی بناوٹ یول کی حباتی ہے کہ امالی موٹر اپنی بناوٹی طاقت تقسد بیابا پی فی صدے کم سرکاوپر مہیا کرتی ہو۔
اگر موٹر کو زبر دستی ساکن کچھوں کے گھوت مقت طبی موج کے رخ مصاصر رفت ارسے زیادہ رفت ارپر گھمایا حبائے تو ایک جنسریٹ کے طور پر کام کرنے شروع ہو جبائے گی۔ ایسا کرنے کے لئے بسیرونی میکانی طاقت درکار ہوگی ہوا کہ جنس مثل میں موج کے درخ مصاصر تقال میں انہیں انہیں انہیں موج کے درخ مصاصر کی بسید اوار مسین انہیں بیاب بطور جنسریٹ مالی کی جنس کے اگر کے در بطور جنسریٹ میٹا کی ساک کھوں کی بید اوار مسین انہیں بطور جنسریٹ میٹا کر مصر مفال کی جنس کے الگی میں کہ الگی میں دور کی کھوں کی مصر کی کو ساک کھوں کی کو ساک کو کھوں کی کو ساک کو کھوں کو کھوں کی کو کھوں کی کی سے دور کی کو کھوں کو کھوں کو کھوں کی کو کھوں کی کو کھوں کی کو کھوں کو

سشکل ۲۰۱۲ مسیں منتی رفت اربھی دکھنائی گئی ہے جہاں سرکاو کی قیمت اکائی ہے زیادہ ہے۔ موٹر کو ساکن کچھوں کے گومتی مقناطیعی دباوکی موج کے محنالف رخ گھسانے سے ایسا ہوگا۔ حب سی مقناطیعی موج کے مینالف رخ گھسانے سے ایسا ہوگا۔ حب تین دوری موٹر پر لا گوکسی دوبر تی دباوکو آلب مسیں تب یل کرنے سے موٹر کے ساکن کچھوں کے گھومتی مقناطیعی موج میکدم مین افسان رخ گھوم دبی ہوتی ہے۔ اسس طسرح موٹر حبلد آہتہ ہوتی ہے اور مین افسان رخ گھومت سے ہی ہوتی ہے اور عبی ہوتی ہے اسس پر لا گوبر تی دباوم مقطع کر دیا حب تا ہے۔ امالی موٹر یوں ریل گاڑی مسیں عصوماً عطور روکھ ۱۴ (بریک )استعمال کی حباتی ہے۔

complex number rr

باب،امالي مشين



شکل ۱۲.۷: امالی موٹر کی قویہ مسروڑ بالقابل سسر کاو۔

امالی مشین s < 0 کی صورت مسین بطور جنسریٹ ریٹ ریٹ ریٹ ریٹ ریٹ کی صورت مسین بطور موٹر اور s < 1 کی صورت مسین بطور روک کام کرتی ہے۔

امالی موٹر کی زیادہ نے نیادہ تو سے مسروڑ مساوات 2.79 سے حساس کی حب سکتی ہے۔ تو سے مسروڑ ای لمحہ زیادہ سے زیادہ بوگ جب گھومتے مصے کو زیادہ سے زیادہ طاقت متیسر ہو۔ زیادہ سے زیادہ بوگ جب گھومتے مصے کو زیادہ سے زیادہ ہوگا جب (مشکل ۲۰۱۱ مسیس) اسس کی مطابق مسئلہ آجہ ہوگا جب (مشکل ۲۰۱۱ مسیس) اسس کی تیمس باقی سلیلہ وار حب ٹری احب زاء کی قیمت کے برابر ہو:

(2.3•) 
$$\frac{R'_r}{s} = |R_t + jX_t + jX'_r| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

 $s_z$ اسس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سسر کاو $s_z$  صاصل ہوگا۔

$$s_z = \frac{R_r'}{\sqrt{R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}} \label{eq:sz}$$

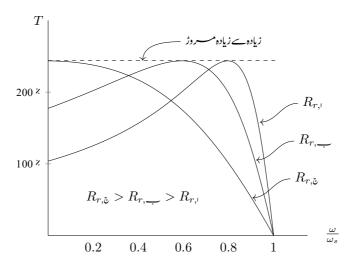
2 وا سے ۱۹۵۰ کی نسب نسامسیں  $R_t^2 + (X_t + X_r')^2$  کو جگہ ساوات ۲۵۰ کا مسریح استعمال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ توسے مسروڑ  $T_z$  ساسل ہو گی:

$$T_z = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + \frac{R_r'^2}{s^2}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2}{2\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2}{2\left(R_t + \sqrt{R_t^2 + (X_t + X_r')^2}\right)}$$

maximum power theorem ra



شکل ۱۳٪ بیسرونی مسزاحمت کاقوی مسروڑ بالقابل سر کاوکے خطوط پر اثرات۔

درج بالاکے حصول مسیں آحن ری ت م پر مساوات ۵۰ کا کا استعمال دوبارہ کسیا گئیا۔ ایس میں ماواں ۔ کے مطال القرار الکی موٹر کی زادہ سرز ارد قب ۔ میں وٹر ایس کے گھو

اسس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مسروٹر اسس کے گھومتے کچھوں کی مسزاحت پر مخصسر منہ میں ہوگی۔ بید ایک انہا کہ معسلومات ہے جے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مسروڑ درکار رفت ارپر حساس کی حباسکتی ہے۔ آئیں دیکھتے ہیں کہ ایساکس طسرح کیا حباتا ہے۔

امالی موٹر کے گھومتے کیجوں کے برقی سروں کو سمرکی پیملول  $^{77}$  فرریعہ باہر زکالاحباتا ہے  $^{27}$  جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار ہیں وار ہیں ہور نے ہے۔ اس طسر کی گھومتے کیجوں کی کل مسزاحت بڑھ کر ہیں  $R_r + R$  ہوحباتی ہے۔ ایس طسر کی گھومتے کیجوں کی کل مسزاحت بڑھ کر ہیں رہی گارویائی رفت ارپر حیاصل ایس کرنے ہے مساوات مسزاحت زیادہ تو تو ہوئے وقت زیادہ سے زیادہ تو ہو تا وقت زیادہ سے زیادہ تو ہو تا ہو تا وقت زیادہ سے زیادہ تو ہو تا مسزاحت مطابق مسزاحت کی خوالے ہوئے مسال ہوگی۔ ہیں ہوئی مسزاحت مسروڑ دو گھومتے کی اسس طسر کی ہوئی مسزاحت میں مشال کہتے ہوئے سال موٹر کی تو سے مسروڈ نسبتا ہہد کے ہوئے کی مسزاحت میں مشال کی جو تا کہ ذیادہ سے کار گزاری حسر اب ہوتی ہے لیان اسس طسر حموثر کو زیادہ دیر نہیں جیلیا جاتا اور جیسے ہی اسس کی رفت اربر ہے جو تا کہ جو کی ہوئی ہے گھوں کے برقی سرے قصر دور کر دیے حباتے گیاں۔ گ

یں۔ مشال ۳.۷: صفحے ۱۹۸ پرمشال ۷.۲مسیں دی گئی امالی موٹرانستعال کریں اور رگڑ سے طباقت کے ضیاع کو نظسرانداز کریں۔

• اگرموٹر در کار دولٹ اور تعب داد پر تین فی صبد سسر کاوپر حیاں ہی ہو تب ساکن کچھ مسیں گھومتے کچھ کے حصہ کابر تی رو // اور مشین کی اندرونی میکانی طباقت اور قوت مسروڑ حساصل کریں۔

> slip rings<sup>۲۱</sup> ۲<del>۷ ش ک</del>ل کے نمونے پر۔

\_\_\_

۲۰۴۷ بایک امالی مشین

- موٹر حیالو ہونے کے لمحہ پر قوت مسروڑ اور اس لمحہ پر 
$$I'_r$$
 ساس کریں۔

ب:

• کے روری برتی دباوہ 
$$\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$$
 استعمال کرتے ہوئے مساوات کے برح کی مدد سے درج ذیلی ہوگا۔

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

رن زیل ہوگا۔ 
$$\frac{R'_r}{s}=10.3333$$
استعال کرتے ہوئے درج ذیل ہوگا۔  $\frac{R'_r}{s}$ 

$$\begin{split} \hat{I}'_r &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 / -5.6^\circ\\ I'_r &= \left| \hat{I}'_r \right| = 21.1 \text{ A} \end{split}$$

يباں رك كر تسلى كر ليس كه مندرج بالا مساوات مسين <u>229.2/1.246°</u> كى جگ <u>229.2/0°</u> كى جگ الامساوات استعال كرنے ہے كا كی قیت تبدیل نہیں ہوتی ہے۔

مساوات ۸۴۴ کاور ۴۵ کی مدد سے طباقت اور قوت مسروڑ حساصل کرتے ہیں۔

$$p_{
m isc} = rac{3 imes 21.1^2 imes 0.31}{0.03} imes (1-0.03) =$$
 13 387.46 W 
$$T = rac{13387.46}{(1-0.03) imes 2 imes \pi imes 16.66} =$$
 131.83 N m

• مساوات ۵۱٫۷زیاده سے زیاده طاقت پر سسر کاودرج ذیل دیتی ہے۔

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.2253$$
 يوں موٹر کی رفت ار 775  $\times$  1000  $\times$  (1  $-$  0.2253)  $\times$  775 نورین ورخ الی موٹر کی رفت ایک ہوگا لینڈا  $\frac{R'_r}{s} = 0.31$  اور یوں درج ذیل ہوگا۔ 
$$229.2/1.246^\circ$$

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 0.31 + j0.34} = 152 / -58.14^\circ$$
 
$$I'_r = 152 \, \mathrm{A}$$

اسس لمحہ قوت مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

$$T = rac{3 imes 152^2 imes 0.31}{2 imes \pi imes 16.66} = 205 \, ext{N m}$$

۰۱. یېخب ره نمپ امالي موٹر

П

مثال  $^{9}$ .  $^{2}$  دو قطب  $^{3}$  ستاره ، پی سن ہر ٹز پر پنے والی تین دوری امالی موٹر  $^{2}$  7975 سیکر فی منٹ کی رفت ارپر باره کلوواٹ کی میکانی او تھے کے لدی ہے۔ موٹر کا سس کا واور دھسر نے پر قوت مسر واٹر سا سن کریں۔ حس سن مرفت اور 50  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  60  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  60  $\times$ 

### ٠١.٧ پنجبره نمياامالي موٹر

حقیقت مسیں شگافوں مسیں پھلا تانب یا سلور ۲۹ ڈالا حباتا ہے جو ٹھنڈ اہو کر ٹھوسس ہو حباتا ہے اور وتالب کو جسکڑلیتا ہے۔ دونوں اطسران کے دائرہ نما قصسر دور کرنے والے چھلے بھی ای طسرح اور ای وقت ڈھالے حباتے ہیں۔ یوں ایک مضبوط گھومت حصہ حباصل ہو تا ہے۔ ای مضبوط کی وحبہ سے پنخب رہ نما امالی موٹر بہت متبول ہوئی ہے۔ ایک موٹریں برسوں تک بغیبر دکھے جبال کام کرتی ہیں اور روز مسرہ زندگی مسیں ہر جگہ پائی حباتی ہیں۔ گھسروں مسیں پانی کے پیپ اور چنکھے انہیں سے حیلتے ہیں۔

#### اا.۷ لے بوجھ موٹر اور حیامد موٹر کے معیائٹ

امالی موٹر کی کار کر د گی دومعائنوں سے معسلوم کی حباتی ہے جن سے موٹر کے مساوی دور کے احبزاء بھی حساصل کئے حباتے ہیں۔ ہم تین دوری امالی موٹر کی مشال سے ان معسائنوں پر بھٹ کرتے ہیں۔

#### ا.اا.۷ لے بوجھ موٹر کامعیائٹ

squirrel cage"

copper, aluminium 19

کھتے ہوئے لفظ بے بو جھ کے پہلے حسرون ہے اور ہے کوزیر نوشت مسیں  $V_{bb}^{r}$ 

باب ک. امالی مشین

سرانحبام دیاحباتاہے۔

لے بوجھ امالی موٹر صرف اتنی قوت مسروٹر پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر ضیاع طباقت کی وحبہ سے در کار ہو۔ اتنی کم قوت مسروٹر بہت کم سرکاو پر ساصل ہو گی۔ مساوات ۷۰۴۸ سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرکاو پر  $I'_{r}$  بھی نہیایت کم ہوگا اور اسس سے گھونے کچھوں مسیں برقی طباقت کا ضیاع تبالی نظیر انداز ہوگا۔ ای بات کو صفح ۱۹۲ پر مشکل ۷۰۱ کے کہ مدد سے بھی مسجھا حب سکتا ہے جہال واضح ہے کہ بہت کم سرکاوپر مسزاجہ سے بھی مسجھا حب سکتا ہے جہال واضح ہے کہ بہت کم سرکاوپر مسزاجہ سے بھی مسجھا حب سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے مشکل ۷۰۱ کے۔ ایسا کو کھیلا دور مسجھا حب اسکتا ہے۔ ایسا کرنے سے مشکل ۷۰۱ کے۔

شکل ۱۱۳ کا کے متوازی احب زاء پر کرنے سے سٹکل  $j\,X_m$  اور  $j\,X_m$  اور  $j\,X_m$  اور  $j\,X_m$  کی جگ مسلہ وار حب ڑے احب زاء پر کرنے سے سٹکل ۱۳ کے سٹکل میں متوازی دور کی جسے متوازی دور کی جسے کے متوازی دور کی جسے سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔ متوازی دور کی میں کا میں کے میں دی سلہ دارر کاوٹ  $Z_s$  حساسل کرتے ہیں:

$$Z_m = \frac{R_c j X_m}{R_c + j X_m}$$

$$= \frac{R_c j X_m}{R_c + j X_m} \frac{R_c - j X_m}{R_c - j X_m}$$

$$= \frac{j R_c^2 X_m + R_c X_m^2}{R_c^2 + X_m^2}$$

$$\approx \frac{j R_c^2 X_m + R_c X_m^2}{R_c^2} \qquad \text{if } R_c \gg X_m$$

$$= j X_m + \frac{X_m^2}{R_c} = j X_m + R_c^* = Z_s$$

بے بوجھ ٹرانسفار مسے روں مسیس ابت دائی کچھوں کی برقی طباقت کے ضیاع کو بھی نظر رانداز کسیاحبا تا ہے۔ بے بوجھ امالی موٹروں کا بیجبان انگسینز برقی رو کافی زیادہ ہوتا ہے لہلہ ذاان کے سائن کچھوں کی برقی طباقت کے ضیاع کو نظر رانداز نہیس کسیاحبا سکتا ہے بوجھ امالی موٹر کی pbb سے تین سائن کچھوں کا برقی ضیاع منفی کرکے میکانی ضیاع طباقت سے ساسل ہوگا:

$$(2.5r) p_{bb} - 3I_{sbh}^2 R_s$$

میکانی طباقت کاضیاع بے بو جھ اور بو جھ ہر دار موٹر کے لئے ایک دوسسرے جیب تصور کسیاحب تا ہے۔ میکانی ضیاع ہیاع کو نظے رانداز کرتے ہوئے سشکل  $p_{\rm th}$ ے ہیں۔

$$egin{aligned} R_{bb}&=rac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}\ Z_{bb}&=rac{V_{bb}}{I_{s,bb}}\ X_{bb}&=\sqrt{\left|Z_{bb}
ight|^2-R_{bb}^2}\ X_{bb}&=X_s+X_m \end{aligned}$$

 $X_s$  یوں اسس معیانت ہے موٹر کی بے بوجھ متعیالیت  $X_{bb}$  ساسل ہوتی ہے۔اگر کسی طسرح ساکن کچھے کی متعیالیت معیام ہوتی اسس معیانت مسین ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں معیام ہوتی اسس مساوات سے  $X_m$  ساسل کی حیاست تی ہے۔اگلے معیائت مسین ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں گے۔



شکل ۱۴٪ نے بوجھ امالی موٹر کامعائن۔

#### ۲.۱۱.۲ حبامد موٹر کامعیائٹ

ے معائن ٹرانسفار مسر کے قصبر دور معائن کی طسرح ہے۔ اسس مسیں مشین کے رستا امالوں کی معاومات حسامسل ہوتی ہے۔ البت امالی موٹر کا مسئلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔ امالی موٹر کے رستا امالہ گھومتے کچھوں مسیں برقی تعدد اور وسالب کے سیر اب ہونے پر مخصسر ہوتے ہیں۔

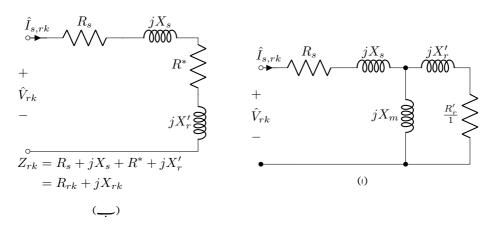
اسس معیائی ہمیں امالی موٹر کے گھومتے تھے۔ کو حسر کت کرنے سے زبر دستی روک دیاجہ باتا ہے جب کہ ساکن کچھوں پر بسیب وفی برقی رول یا  $V_{rk}$  لاگو کر کے برقی طباقت ہیں۔ اصولی طور پر سے معیائیت ان حسالات کو مد نظر رکھ کر کسیاحیاتا ہے جن پر موٹر کی معیائیت ان حسالات کومد نظر رکھ کر کسیاحیاتا ہے جن پر موٹر کی معیائیت ان حسالات کومد نظر رکھ کر کسیاحیاتا ہے جن پر موٹر کی معیائیت ان حسالات

 $F_{e}$  کی موٹر حپالو کرنے کے لمحب پر موٹر کا سرکاواکائی ہوتا ہے اور اسس کے گوحتے کچھوں مسیں روز مسرہ تعدد  $f_{e}$  کی برق رہ والاگوں ہوتا ہے اور اسس کے گوحتے کچھوں پر روز مسرہ تعدد  $f_{e}$  کا اتنابر قی جو اللہ اللہ ہوں گئی ہوتا ہے اور اسس کے گوحتے کچھوں مسیں برقی رو  $I_{t=0}$  پیدا ہو۔ ای طسر ح اگر برقت را رحپالو حسالت دیا ہو تھے بر دار موٹر کے نستانگی در کار ہوں جب موٹر کا سرکاوی اور اسس کے گوحتے کچھوں مسیں برقی رو  $I_{t=\infty}$  ہوتے ہیں تب معسائنہ مسیں ہی  $f_{e}$  تعدد کے برقی دیا واستعمال کے جبائیں گیا اور اسس کی قیمت اتی رکھی جبائے گی جتنی ہے گوحتے کچھوں مسیں برقی تعدد کے اثرات ستالی نظر انداز موٹر وجود مسیں آئے۔ تقسد رہے برقی دوبود مسیں برقی تعدد کے اثرات ستائی نظر انداز موٹر والے بین اللہ نہ ان کا معیائیت  $f_{e}$  تعدد کے برقی دباو بر ہی کہا جب بتا ہے۔

t=0اس لھے کے برتی رو کو چھوٹی کھے آئی مسین وقت صف برے مشکل کے کیا گئی ہے۔ t=0 کا مسین کا مسین وقت مسین کو ظاہر کرتی ہے کہ موٹر کافی دیرے مہالوہ وادب ایک برقت رار رفت ارتک مجانی گئی ہے۔  $t\to\infty$ 

\_

۲۰۸



<u> شکل ۱۵ : ح</u>امد امالی موٹر کامعائے۔

شکل ۱۵۔ ۷- امسیں  $jX_m$  اور  $(R'_r+jX'_r)$  متوازی حبڑے ہیں جن کی جگہ ان کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ پر کرنے سے شکل ۱۵۔ ۷- بہت حساصل ہوگی۔ متوازی رکاوٹ  $Z_m$  کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  حساصل کرتے ہیں:

$$\begin{split} Z_m &= \frac{jX_m(R'_r + jX'_r)}{R'_r + j(X_m + X'_r)} \\ &= \left(\frac{jX_mR'_r - X_mX'_r}{R'_r + j(X_m + X'_r)}\right) \left(\frac{R'_r - j(X_m + X'_r)}{R'_r - j(X_m + X'_r)}\right) \\ &= \frac{jX_mR'^2 + X_mR'_r(X_m + X'_r) - X_mX'_rR'_r + jX_mX'_r(X_m + X'_r)}{R'^2 + (X_m + X'_r)^2} \\ &= \frac{X_m^2R'_r}{R'^2_r + (X_m + X'_r)^2} + j\frac{(X_mR'^2_r + X_m^2X'_r + X_mX'^2_r)}{R'^2_r + (X_m + X'_r)^2} \\ &= R_s^2 + jX_s^2 = Z_s \end{split}$$

ان ما وات میں  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$ 

$$(2.22) \hspace{1cm} R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$
 
$$(2.24) \hspace{1cm} X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_s^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_s^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_s^2} \approx X_r'$$

#### حبدول ا. ۷: متعساملیت کی ساکن اور گھومتے حصوں مسیں تقسیم۔

| $X'_r$      | $X_s$       | حناصيت                                     | کھومتاحسے |
|-------------|-------------|--|-----------|
|             |             |  |           |
| $0.5X_{rk}$ | $0.5X_{rk}$ | کار کر دگی گھومتے ھے کی مسنزاحمہ پر منحصسر | لبيٹاہوا  |
| $0.5X_{rk}$ | $0.5X_{rk}$ | عسموی ابت رائی قوت مسروڑ،غسموی ابت رائی رو | Aبناوك    |
| $0.6X_{rk}$ | $0.4X_{rk}$ | عسموی ابت دائی قوی مسروڑ، کم ابت دائی رو   | Bبناوك    |
| $0.7X_{rk}$ | $0.3X_{rk}$ | زیاده ابت دائی قو مسروژ ، کم ابت دائی رو   | Cبناوك    |
| $0.5X_{rk}$ | $0.5X_{rk}$ | زیاده ابت د ائی قو مسروڑ، زیاده سسر کاو    | Dبناوك    |

اسس معائن۔ مسین پیپ کشش کی گئی قیمتوں اور مشکل ۱۵۔ کے۔ یے درج ذیل حساصل ہوگا۔

رک.۵۹) 
$$Z_{rk}=\frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$
 
$$R_{rk}=\frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$
 
$$X_{rk}=\sqrt{\left|Z_{rk}\right|^2-R_{rk}^2}$$

اسس مساوات کے پہلے حسزو مسیں پیسائٹی برقی دباو اور برقی روے رکاوٹ حساس کی گئی ہے۔ اسس طسرح دوسسرے حسنرومسیں مسنزاحیت اور تیسسرے مسیں متعالمیت کاحساب لگایا گیا ہے۔ سشکل ۱۵کے۔ ہے۔ درج ذیل واضح ہے۔

$$(2.7•) X_{rk} = X_s + X_r'$$

امالی مشین مختلف خواص کے بین نے حباتے ہیں۔ عیام آدمی کی آسانی کے لئے ایسی مشینوں کی در حب بیندی کی حباتی ہے۔ حبدول اے مسین پخبرہ نمی امالی موٹر کی مختلف اقسام A,B,C,D اور ایسی مشین جن کا گھومت ھے۔ کچھ پر مشین جو کی رستا متعبالیت المیت  $X_{rk}$  کو ساکن اور گھومتے کچھوں مسین تقسیم کرنا دکھیایا گیا ہے۔ اسس حبدول کے مطبابق، گھومتے کچھو والی مشین مسین ساکن اور گھومتی متعبالیت ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل 20۔ ب مسین گھومتے کچھے والی مشین مسین کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل 20۔ ب مسین کے برابر ہوتی ہیں۔ گھومتی کے برابر ہوتی ہیں۔ سکل کے کے مسزاحمت ہی مسال کے کے مسزاحمت ہیں کے اللہ مدرے ناپ کر درج ذیل مسل کیا حب سکتا ہے۔ حب سکتا ہے۔

$$(2.1) R^* = R_{rk} - R_s$$

اب  $R'_r$  کو مساوات 2.32 ہے حساس کی جب سکتا ہے جہاں  $X_m$  لِهِ بو جھ امالی موٹر کے معیائے۔ مسیں حساس کی حباتی ہے۔ مسازاحت بیرے کی معیائے معیائے مسیر احمت بیرے کی معرفر ستارہ یا تکوئی مسزاحت بیرے کی معرفر ستارہ یا تکوئی حب شراحت بیرے کی معرفر ستارہ یا تکوئی حب شراح کے ستارہ کے کہ موٹر ستارہ کے کہ موٹر ستارہ کے کہ کو دونوں طسرح حب شراد کھایا گیا ہے۔ اگر یک دوری مسزاحت  $R_s$  ہوتب ستارہ مسیل کچھے کو دونوں طسرح حب شراد کھایا گیا ہے۔ اگر یک دوری مسزاحت کے جمال کا معیال کے معیال کے معیال کے معیال کے معیال کے معیال کے معیال کی معیال کے معیال ک

Ohm meter "

اب کر امالی مشین





سشکل ۱۷۔ ۲: ستارہ اور تکونی حبٹری موٹروں کی ساکن کچھوں کی مسنز اجمت کامسنز اجمت ہیمیا کی مدد سے حصول۔

حبڑی موڑ کے لئے مسزاحت ہیں  $2R_s$  مسزاحت دے گاجبکہ تکونی حبڑی موڑ کے لئے یہ  $\frac{2}{3}R_s$  مسزاحت دے گا۔ دے گا۔

مثال 2.2: ستارہ، حیار قطب، پچپاس ہر ٹز اور 415 دولٹ پر چیلنے والی موٹر کے معیائے کئے حیاتے ہیں۔ موٹر کی مسابق ہے۔ مسزاحت پیسا کی بھی دوبر تی سروں کے بھی 5.5 اور محابات دیت کی بھی دوبر تی سروں کے بھی 5.5 اور محابت دیت ہے۔ لیو جھ معیائے۔ A 50 ناپاحباتا ہے۔ حبامد موٹر کے سائے۔ لیو جھ معیائے۔ A 51 اور کا 415 پر کرتے ہوئے بر تی روم 14.1 اور طباقت کاضیاع W 50 ناپاحباتا ہے۔ اسس موٹر کا مساوی بر تی معیائے۔ 13.9 اور طباقت کاضیاع W 50 ناپاحباتا ہے۔ اسس موٹر کا مساوی بر تی دور بٹ میں اور پانچ فی صد سر کاویر اس کی اندرونی میکانی طباقت سے ساسل کریں۔

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965$$

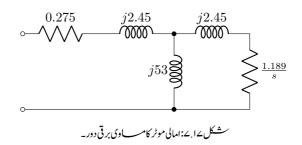
$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439$$

$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 = X_s + X_m$$

رکے موٹر معیائنہ کے نتائج سے  $X_s$  سامسل کرنے کے بعب ہ $X_m$  سامسل ہو گا۔ ساکن کچھے کی مسزاح سے مسین اسس برقی روپر کل

$$3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 =$$
 13.87 W

بر تی طباقت کاضیاع ہو گالہنے ار گڑ اور دیگر ضیاع طباقت 892 = 13.86 – 906 واٹ ہو گا۔



$$S_{rk}=\frac{850}{3 imes13.91^2}=1.464$$
  $R_{rk}=rac{850}{3 imes13.91^2}=1.464$   $|Z_{rk}|=rac{28.9}{13.91}=2.07$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\frac{50}{15} imes X_{rk,15}=30$   $X_{rk,15}=30$   $X_$ 

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53$$

يونكه  $R_s=0.275$ او تم يے لہنـذا

$$R_r' = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189$$

، ہو گا۔مباوی برقی دور شنکل ۱۷۔۷مسیں و کھایا گیا ہے۔ پانچ فی صد سسر کاوپر اندرونی میکانی طباقت کی حناطسہ بائیں حبانب کا تھونن مساوی دوراستعال کرتے ہوئے درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{V}_t &= 229 / 0.2833^{\circ} \\ Z_t &= 0.251 + j2.343 \\ \left| \hat{I}'_r \right| &= 9.346 \, \mathrm{A} \\ p_m &= \frac{3 \times 9.346^2 \times 1.189 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 5919 \, \mathrm{W} \end{split} \tag{2.87}$$

۲۱۲ بالی مشین

#### اب۸

## يك سمت رومثين

کے سمتے رو مشہرے یک سمت روابر قی طباقت پیدا کرتی بین یا یک سمت روبر تی طباقت سے حیاتی بین یک سمت روبر تی طباقت سے حیاتی بین یک سمت روبر تی طباقت سے حیابو کی سمت روبر قبط ہوری ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر لے رہے ہیں جن کی رفت ار قوری برقیائے اسے حیابو کی حیات جندر سندر جو تے ہیں جن کے اندر نسب ڈالوڈ اید لت اوج دورور مسین گاڑیوں کے یک سمت محسر کے برقی دباو مسین سبدیل کرتے ہیں۔

اسس باب مسین دوقطب کے یک سمت مشینوں کا مطالعت کیا حیات گاڈیکانی سمت کاروالے یک سمت مشینوں مسین میں میں دیا تھی جب کو کے کہا گھومت ہے۔

## ۸.۱ میکانی سمت کار کی بنیادی کار کردگی

جنسریٹ بنیادی طور پر بدلت برقی دباو سید اگر تا ہے۔ یک سمت جنسریٹ کے اندر نسب میکانی سمجھ کار "میکانی طسریق ہے کے سازیادہ کو یک سمت دباو مسیں تب یل کر کے برقی سرول پر فسراہم کر تا ہے۔
میکانی سمت کار کو شکل ا. ۸ مسیں دھ سایا گیا ہے جہاں جنسریٹ کے قوی کچھ کو ایک حیکر کا دھ سایا گیا ہے اگر حید حقیقت مسیں کچھانیادہ حیکر کا ہوگا۔ قوی کچھ کے برقی سرول کو داور ڈے ظاہر کسیا گیا ہے جو سمت کا رکے داور دھسوں کے ساتھ حبٹرے ہیں۔ قوی کچھا اور سمت کا رایک ہی دھسرے پر نسب ہوتے ہیں لہندا دونوں ایک ساتھ مسرکت کرتے ہیں۔ تصور کریں (میکانی سمت کا رہے کچھے کی طسرون دیکھتے ہوئے) مقت اطبی مسیدان مسیں دونوں گھٹڑی وارگوم رہے ہیں۔ تصور کریں (میکانی سمت کا رہے کچھے کی طسرون دیکھتے ہوئے) مقت اطبی مسیدان مسیں دونوں گھٹڑی وارگوم رہے ہیں۔ مقت طبیح میں مان افقی سطح مسیں ہی مدد سے دبا کر رکھے حباتے ہیں۔ ان کاربن بشوں سے برقی دباو کو جنسریٹ رکے باہر منقی میں ساتھ ساکن کاربن بشوں کے برقی حبارہ کے اسرو مثبت اور ڈمنی ہے۔ بیوں سمت کارکا حصد د

dc, direct current'
power electronics'
diode'
commutator'



#### شکل ۸: میکانی سمت کار۔

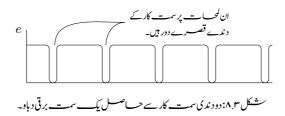


*ٹ*کل ۸.۲: آدھے حپ کر کے بعب دہھی بالائی بُش مثبت ہی ہے۔

مثبت اور حصہ ڈمنفی ہوں گے اہنہ اکاربن کا + عسلامت والابش مثبت اور – عسلامت والابش منفی ہوگا۔ یوں ہیسرونی بالائی
تار مثبت اور نحی کی تار منفی ہوں گے۔ آدھ احی کر بعد ، جیسا شکل ۸.۲ مسیں دکھ یا گیا ہے ، حسان کی درز مسیں کچھ کے داور
ڈاطسران آپس مسیں جگہ سیں تبدیل کر چے ہوں گے۔ کچھ کے داور ڈاطسران اب بھی سمت کار کے داور ڈھوں
کے ساتھ حبٹرے ہیں۔ کچھے پر برقی دباوالٹ ہے اور اسس کا سرد منفی اور ڈمثبت ہیں۔ یہس اس سمت کار کی کار کردگی پر نظسر
رکھیں۔ اب بھی کاربن کا + عسلامت والابش مثبت اور – عسلامت والابش منفی ہے۔ یوں جسریٹ سرے ہیں۔ ونی برقی سرے سے دونی برقی مدوں پر اب بھی ہالائی سر مثبت اور خیلاسر منفی ہے۔ سمت کار کے دانتوں کے ماہین برقی دباو ہو تا ہے اہلہ ذاان کو عنس ر

گومتے وقت ایک ایسالمح آتا ہے جب سمت کار کے دانتوں کو کاربن بٹس قصسر دور کرتے ہیں۔ کاربن بشش محیط پر اسس طسرح رکھے حباتے ہیں کہ جس لمح ۔ کچھے مسیں برقی دباو مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہوناحپ ہے ای لمحہ کاربن کے بشش کچھے کو قصسر دور کرتے ہوں۔ چونکہ اسس لمح ۔ کچھے پر محسر کے دباو صفسر ہوتا ہے لہاندا اسے قصسر دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا ہے۔ یوں حساس برقی دباو سشکل ۲۰۰۳ مسیں دکھے پاگسیا ہے۔

یہاں دو دندی سمت کار اور دو مقت طیسی قطب کے در میان گھومت ہواایک قولی کچھ دکھیایا گیا ہے۔ حقیقت مسین جنسر سٹسر کے متعد د قطبین ہول گے اور فی قطب سمت کار کے گئی دندے ہول گے۔ چھوٹی مشینوں مسین مقت طیسس



ہی مقت طبیعی مبیدان مسنسراہم کر تا ہے جبکہ بڑی مشینوں مسیں مقت اطبیعی مبیدان ساکن مبیدانی کچھے مسنسراہم کرتے ہیں۔ دونوں اقسام کی مشینوں کے کچھے تقسیم مشدہ ہوتے ہیں۔ اسے ہم زیادہ دندوں کے ایک سمیت کار کو دیکھتے ہیں۔

#### ا.۱.۱ میکانی سمت کار کی تفصیل

پہلے حسب مسین سمت کار کی بنیادی کارکردگی پر غور کیا گیا۔ اس حصب مسین اسس پر تفصیلی بات کی حبائے گی ۔ اس شکل مسین اندر کو سمت کار ہے جس کے دندوں کو گستی لگائی گئی ہے۔ اس شکل مسین اندر کو سمت کار ہے جس کے دندوں کو گستی لگائی گئی ہے۔ سمت کار کی اندر حبانب دوعہد دکارین بشش ہیں جن سے بسیرون برقی رو ن ساصل کی حباتی ہے۔ شگافوں کو بھی گستی لگائی گئی ہے۔ جنسریٹسر کے دو قطب اور آٹھ شگاف ہیں۔ اسس طسرت اگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب وساسلہ " پر ہیں جبکہ شگاف 1 اور 5 ایک دوسرے سامنے ہوگا۔ ہم کتے ہیں کہ ایسے دوسرے سامنے بر ہیں جبکہ شگاف

جیب سنگل ۸.۲ مسیں دکھ یا گیا، اگر کچھے کا ایک طسر و نشمالی قطب کے سامنے ہو تب اسس کا دو سرا طسر و ن ، ایک قطب و نساسلہ پر، جنوبی قطب کے سامنے ہو گا۔ کچھوں کو سنگانوں مسیں رکھا حباتا ہے۔ یوں سنکل ۸.۴ مسیں اگر ایک کچھ کا ایک طسر ن شگاف 1 مسیں ہو تب اسس کا دو سرا طسر ن ، ایک قطب و ناصلہ پر، شگاف 5 مسیں ہو گا۔ قطب و ناصلہ پر، شگاف 5 مسیں ہو گا۔ قشق مسیں ہر شگاف مسیں دو کچھے رکھے حب تے ہیں۔ ایک کچھے کو شگاف مسیں کورے دور رکھا حباسات ہے۔ ایس کرنے کے لئے ہمیں دو مختلف جسامت کے کچھے تیار کرنے ہوں گے۔ محورے و تسریب رکھا گیا ہو گا جب مسیں ہے وہو نا جب کہ موجودے دور کچھا جا ہو گا جب کے بستر ترکیب موجودے دور کے جب مسیں رکھا حباتا ہے۔ اس سے بہتر ترکیب موجودے جو دھیتے۔ مسیں استعال ہوتی ہے۔

بہت ترکیب مسیں ایک لچھے کے ایک طسر ن کو ایک شگان مسیں محور کے مت ریب اور ، ایک قطب و ناک شکری مسیں باقی اللہ و فال مسیں باقی اللہ و ناک مسیں باقی اللہ و ناک کے مسیں باقی اللہ و ناک کہ و مسامات پر رکھا حباتا ہے۔ یوں دونوں کچھوں کی جسامت ایک دوسرے جیسے ہوگی اور ان مسیں اتنی ڈھیل ہوگی کہ انہیں شکا فوں مسیں باآب نی رکھا حب سے۔

اب شکل ۸۰ ۸ کو تفصیل سے مسجھے ہیں۔ شگانوں مسیں موجود کچھوں مسیں برقی روکے رخ نقطہ اور صلیب سے ظہار کئے ہیں۔ نقطہ کانشان اسس کے محتالف رخ روکو طاہر کر تا ہے جب کہ صلیب کانشان اسس کے محتالف رخ روکو ظہار کر تا ہے جب کہ صلیب کانشان اسس کے محتالف رخ روکو ظہر کر تا ہے۔ یوں پہالا (1) شگان مسین برقی روصف کو عصودی اندر رخ ہے۔ مشین کا تحور کتا ہے۔ مشین کا تحدر کتا ہے۔ مشین کتا ہے۔ مشی

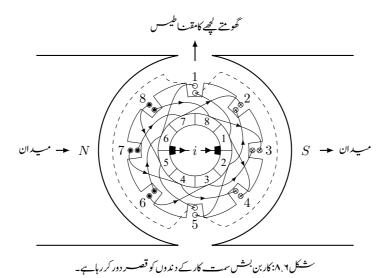


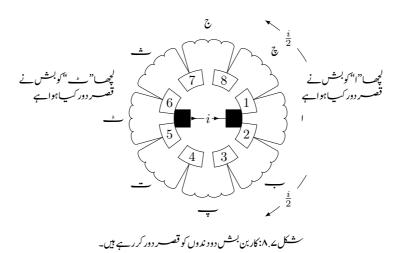




مشین کا (فتری، بالائی)" بنے "طرون نظر آرہا ہے جبکہ (ہم ہے دور)" نحیلا" طرون ہمیں نظر ہمیں آرہا ہے۔" بن خواس جب شرف آرہا ہے۔ جبکہ (ہم ہے دور)" نحیلا "طرون کو نقطہ دار دکھایا گیا ہے۔ بر شگان مسیں دو کچھ دکھائے گے ہیں جن مسیں ہا ایک مشین کی گورے فتریب" اندر" جانب اور دوسرا مگورے دور" باہر "جبانب ہو دوگر کے بہلا (1) شگان مسیں" اندر" جبانب موجود کچھا، سمت کار کے پہلا (1) دانت ہے حبران ہو تا ہے۔ اس جو ڈکو موثی تب دار لکسیرے دکھایا گیا ہے جبال تسیر کا نشان برقی رو کے رخ کو ظاہر کر تا ہو۔ شگان 1 کی " نحیل "طرون ( کے اندرونی معتام ) نکل کریے کچھا شگان 5 مسیں" نمو بھی "طرون ( کے اندرونی معتام ) نکل کریے کچھا شگان 2 مسیں " اندر" جبانب اور شگان کے دیس شاف کو نامی سام مسیں کا دار کے جب تے ہیں۔ ان مسیں ایک کچھا شگان 2 مسیں " اندر" جبانب اور شگان مسیں گانوں کے کہ کو نامی کو نامی کو بیا گیا ہے۔ ای طرون کو نامی کو نامی کو نامی کو نامی کو بیا گیا ہے۔ ای طرون کے دو کو نامی کو نامی کو نامی کو نامی کو بیا گیا ہیں۔ آپ خود باتی شافوں کے لئے دکھائی گئی ہیں۔ آپ خود باتی شکانوں میں " باہر" جبانب ہو گا کہ طرون شکل کو ایک کے دکھائی گئی ہیں۔ آپ خود باتی شکانوں کے لئے انہیں بیا ہیں۔ آپ خود باتی سکا اور پانچویں میں " اندر" حبانب اور دو سرا طرون آپی سکا کو کہا کہا کہ مدد سے مشین مسیں برتی رو کے رخ سی سیار کی کر شکل کی مدد سے مشین مسیں برتی رو کر رخ سیار سیار کو کر سے کہا ہیں۔ اسی شکل مسیں کچھوں کو ا، ب، پ، وغیرہ کی اگر ہیں کہ سے جب کہ سمت کاریں کے بش پہلے اور یانچویں دانت سے حبٹرے دکھائے گئے ہیں۔

شکل ۸.۵ مسین کاربن بشش سے برقی روسمیہ کار کے پہلے دانیہ سے ہوتا ہوا دوبر ابر حصوں مسین تقسیم ہو کر دویک ال متوازی راستوں بہتاہے۔ایک راستہ سلیلہ وار حبڑے ا، ب، پ اور ت کچھوں پر مشتل ہے جبکہ دو سراراستہ سلىلە دار حبىڑے ئے، ش، ئادر چ لچھوں پر مشتل ہے۔ ب دوعب دوسلىلە دار راسىتے آلپس مسين متوازى حب رُب ہیں۔ برقی روکے رخ نقطے دار نوکے دار لکپ روں سے ظہام کے گئے ہیں۔ دومتوازی راستوں سے گزر تابرقی روایک مسرت ہے دوبارہ مسل کر ایک ہوجیا تاہے اور سمت کار کے بانچویں دانت سے حبٹرے کاربن بشس کے ذریعیہ مشین سے باہر نگل حیا تا ے۔ گلومتے حصہ کے شگافوں مسیں موجود کیچھوں کا برتی رو، مقناطیسی دباویپیدا کرے گاجو ساکن مقناطیسی دباو کو عسودی ہو گا جیب سشکل ۸.۴ مسیں د کھایا گیا ہے۔ گلومتے کچھوں کے مقن طبیبی دیاو کارخ حساننے کے لئے شکل ۸.۴ کے شکافوں مسیں برقی رویر نظرر کھیں۔ بائیں حبانب حیار شگافوں مسیں روصفحہ سے باہر جبکہ دائیں حبانب حیار شگافوں مسیں روصفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی حیار انگلیوں کو انہیں کے رخ گھمانے سے انگوٹھ میدان کارخ دے گا۔ آپس مسیں ت ائے۔مقت طیسی دباود ھسرے پر گھٹڑی دار قوت مسروڑ پیدا کریں گے۔ یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعال کی حبار ہی ہوتے ہے گھٹڑی دار گھومے گی اور کاربن بشس پر ایب ہیں رونی یک سمت برقی دیادلا گوہو گاجو د کھائے گئے برقی روپ پر اکر تاہو۔ اب تصور کریں کہ مشین ایک جنسریٹ رکے طور پر استعال کی حیار ہی ہے جس کو منبان گھٹڑی ہیں۔ونی میکانی طاقت ہے گھسایاحبارہاہے۔سمت کارے آدھے دانت کے برابر حسرکت کے بعد جنسریٹر شکل ۸۸مسیں د کھائے گئے حسالت مٹین ہو گا جہاں دایاں کاربن بشن سمت کار کے بہلے اور دوسرے دانت کو قصر دور جبکہ بایاں کاربن بشس یانچویں اور حیطے دانہ کو قصر دور کرتے ہیں۔ یوں پہلے اور یانچویں شٹافوں کے کیچے قصر دور ہوں گے جبکہ باقی شگافوں کے کچھوں مسیں حسیب معمول برقی رو ہو گاجو پہلے کی طسرح اسے بھی ساکن کچھوں کے مقت طیسی دباوے عسودی مقت طیسی دباویپیدا کریں گے۔ آپ گھومتے کچھوں کے میدان کارخ دائیں ہاتھ کے متانون سے حبان سکتے ہیں۔ بائیں حبانب تین شگافوں مسیں روصفحہ ہے باہر جبکہ دائیں حبانب تین شگافوں مسیں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی حب ارانگیوں کوانہ میں کے رخ گھمائیں۔انگوٹشامبدان کارخ دے گا۔اسس لمجہ کی وضاحت مشکل ۸۰ ۸مییں کی گئی ہے۔





مشین جب سمت کار کے ایک دانت کے برابر حسر کت مکسل کرلے تو کارین بنش دوسسرے اور چھٹے دانت سے حسٹر حب ئیں گے۔ پہلے اور پانچویں سٹے گافوں مسیں برقی رو حب ٹر حب ئیں گے۔ پہلے اور پانچویں سٹے گافوں مسیں برقی رو کے مختالف ہو حب نے گاجب کہ باقی سٹے گافوں مسیں برقی رو کے رخ بر مسیر ارد ہیں گے۔ گھوستے کچھوں کابر قی دباوا ہے بھی ای رخ ہو گا۔

حبتے دورانی کے لئے کاربن بشس دو کچھوں کو قعسر دور کرتے ہیں ات وقت مسیں ان کچھوں مسیں برقی رو کارخ الیہ ہو حب تا ہے۔ کو مشش کی حباتی ہے کہ اسس دوران برقی رو وقت کے ساتھ ہتدر تئتبدیل ہو۔ایسان ہونے سے کاربن بشس سے چنگاریاں نگلی ہیں جن سے بسٹ رہاد ، قعسر دور کچھوں مسیں پیدا برقی دباو ، قعسر دور کچھوں مسیں پیدا برقی دباو ، قعسر دور کچھوں مسیں گھوں مسین گھوت انگارہ برقی روپیدا کرتا ہے جو ہمارے کی کام کا نہیں ہوتا ہے۔ کچھے اور کاربن بشس کی مسیز احمت اسس ناکارہ روکی گھوت تھیں۔

حقیقت مسیں یک سمت جنسریٹ مسیں فی قطب در جن دانت کاست کار استعال ہو گا اور اگر مشین بہت چھوٹی نے ہو تواسس مسیں دوسے زیادہ قطب ہوں گے۔

### ۸.۲ کی۔ سے جنسریٹ رکابرقی دباو

گزشتہ حسے کے مشکل ۸.۵ مسیں ا، ب، پ اورت کچھے سلماہ وار حبٹرے ہیں۔ ای طسرح ٹ، ش، خ اور ج کچھے سلماہ وار حبٹرے ہیں۔ ای طسرح ٹ، ش، خ اور چ کچھے سلماہ وار حبٹرے ہیں۔ حسب ۵.۳ مسیں مساوات ۵.۲۳ یک کچھی یک سمت جنسریٹ کامحسر کے بیق دباوہ پیشس کرتے ہیں۔ دی ہے۔ اے پیساں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$(A.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

A. N. حنلائی در زمسیں یک ال $B_m$  کی صورت مسیں تمسام کچھوں مسیں ایک جیب محسر کے برقی دباوی۔ ایک  $B_m$  کی مسیں دکھنے کے گھے کے محسر کے برقی دباوی ایک کے محسر کے برقی دباوی کا کال محسر کے برقی دباوی کا کال کو گھے کے محسر کے برقی دباوی کا کار بازگ ناہوگا

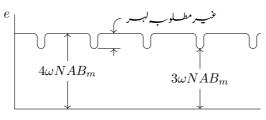
$$\begin{array}{cccc} e=e_{\mbox{\tiny $I$}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $I$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $L$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}\\ =e_{\underline{\mbox{\tiny $I$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $L$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}\\ =4\omega NAB_{m} \end{array}$$

جب مشکل ۸.۱ مسیں دکھائے گئے لمحہ پر e صرف تین کچھوں کے محسر کے برقی دباو کا محب وعہ ہو گا (مشکل ۸.۷ سے رجوع کریں):

$$\begin{array}{c} e=e\_+e\_+e\_\\ =e\_+e_{\tilde{c}}+e_{\tilde{c}}\\ =3\omega NAB_m \end{array}$$

سشکل ۸.۸ مسین آٹھ دندی میکانی سے کارے حساس برتی دباود کھسایا گیاہے جہاں یک سے برتی دباو پر سوار غیب رمطابو ہے اہم سر آرہی ہیں۔اگر جنسریٹ رکے ایک جوڑی قطبین پر ۱۱ کچھے ہوں تب سشکل ۸.۵ کی طسر ح ہے دو 2 سلمہ وار کچھوں جتنا محسر کے برتی دباوہ ہیں۔اگرے گا۔

$$(\text{A.r}) e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$



شکل ۸.۸: آتھ دندی مکانی س**ے ک**ارسے حساسل برقی دیاو۔

 $(\wedge.\Delta)$  اس صورت میں غیب رمطبوب لہبر کل یک سمت برقی دباوی تقسریب  $rac{\omega N\phi_m}{rac{n}{\Omega}N\phi_m} imes100=rac{2}{n} imes100$ 

نی صد ہو گا۔ یوں فی قطب دندوں کی تعبداد بڑھانے سے زیادہ ہموار برقی دباوحسامسل ہو گااور عنب مطسلوب لہسپر متابل نظری این دیں گ

تنظہ رانداز ہوگی۔ تصور کریں کہ مشکل ۸.۴ کی مشین کی مشان کی درز مسین  $B_m$  غسیر یکساں ہے۔اب کچھوں مسین محسر ک برقی دباو مساوات ۱.۸ کے تحت مخلف زاویوں پر مخلف ہوگا۔اسس طسرح مشین سے حساصل کل برقی دباو حپار سلماہ وار کچھوں کے مختلف محسر ک برقی دباوکامحب وعب

$$(A.Y) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

 $e_1, e_2, \cdots$  ہو گاجباں  $e_1, e_2, \cdots$  مختلف کچھوں کے محسر ک برقی دیاوہیں۔

شکل میں ۸ مسین گلومتے حصہ کو ایک دندان کے برابر حسر کت دینے سے دوبارہ یمی شکل حساص ابو تا ہے لہانہ الک دندان حسر کت کے بعد حساص ابر ق دباو بھی دوبارہ وہی ہو گا۔ میکانی سمت کا رکے فی قطب دندوں کی تعداد بڑھ سے نے ایک دندان کے برابر حسر کت بہت چھوٹی ہو گی المہذا حسائی درز مسین ہمواری کے ساتھ تبدیل ہوتے کثافت مقت طیسی ہمیاو کی صورت مسین اتن کم حسر کت کے احساطے مسین ہمیاری قیمت مسین تبدیلی و تابل نظر انداز ہوگی وہ گی اور  $B_m$  کو گی اور ساتھ کو کو کیسال تصور کیا جا ساتھ ہوگی ایک وندان کے احساطے مسین حسر کت کرے تو اسس مسین محسر کے برق دباوت ہو ایس کی دباوت کے میں مسین کو دباوت کی دباوت کو برگی دباو (جو ان مسین کی دباوت کو دباوت کی دباوت ک

ہم نے دیکھے کہ حنائی درزمسیں ہمواری کے ساتھ تبدیل ہوتے  $B_m$  کی صورت مسیں جنسر سے معیاری یک سے معیاری کے ساتھ تبدیل ہوتے  $B_m$  کی صورت مسیں ہمواری کے ساتھ سمت محسر کے برات اروجنسر مسیں  $B_m$  سمت محسر کے ساتھ کی درزمسیں  $B_m$  یک ان رکھا حباتا ہے جب کہ بڑی مشینوں مسیں اے ہمواری کے ساتھ تبدیل کسیاحب تا ہے۔ جیسا اوپر ذکر ہوا عملاً میکانی سمت کار کے دندوں تک کچھوں کے سسروں کی رسائی مسکن تب ہوتی ہوتی ہے جب ہر شگاف مسیں دو کچھور کھے دبیاں۔

شگافوں کی تعبداد n ہونے کی صورت مسیں شگافوں کی جوڑیوں کی تعبداد  $\frac{n}{2}$  ہوگی۔ شگافوں کی ایک جوڑی مسیں کا کو سے پانے جوڑی مسیں ملاکر N حیکر ہوں تب ایک کچھے مسیں 2 کچھے پائے حباتے ہیں لہندا کچھوں کی کل تعبداد n ہوگی۔ اگر تمسام کچھوں مسیں ملاکر N

۸٫۳ قوی مسروژ



 $\frac{N}{n}$  حیکر ہوں گے اور ایک شگاف کے دو لیجے، مقناطیبی میدان مسیں  $\frac{2NI}{n}$  کی تبدیلی پیدا کریں گے۔ یوں بالکل و تصریب مشگافوں مسیں رکھے گئے مجھوں سے حنلائی درز مسیں سیڑھی نما مقناطیبی دباو کی مون چیدا ہو گئی جہاں ہر سیڑھی کی اونحپائی گئی ہوگا۔ کل حیکر N کواٹل رکھتے ہوئے شگافوں کی تعداد بڑھا نے سائل اور مقناطیبی مون کی اونحپائی کم ہوگی۔ یوں کافی زیادہ شگافوں کی صورت مسیں ایک سیڑھی مون کو کو بیال خاص کے دندوں کی مانند مون تصور کیا حب سکتا ہے جے شکل N مسیں دکھایا گیا ہے۔ شگافوں مسیں روکے رخ کو نقطوں اور صلیبوں سے ظاہر کیا گئی ہے۔ زیادہ تعداد کے شگافوں کی صورت مسیں انفن رادی کچھوں میں روکو برقی روکی حب در تصور کیا جا گئی ہے۔

متعدد قطبین مشین مسیں شمالی اور جنوبی قطبین کے ایک جوڑے کاپیدا کردہ یک سب برقی دباومساوات معدد و مسین کے زیادہ جوڑیوں سے ۸۸۴ دے گی جہال قطبین کے ایک جوڑے پر میکانی سب کار کے دندوں کی تعدد و سب قطبین کے زیادہ جوڑیوں سے حاصل یک سب برقی دباوکو سلسلہ واریا متوازی جوڑاحب سکتا ہے۔

#### ۸.۳ قوت مسروڑ

یک سمت مشینوں کاامالی برتی دیاد اور توت مسروڑ حسٰلائی درزمسیں مقت طیسی دیاد کی صورت پر منحصسر نہیں ہو تا ہے۔ توی کچھے کے آری دندان نمامقت طیسی دیاد (مشکل ۸۹) کا بنسیا دی فوریئسسر حسبز د<sup>۵</sup>ورج ذیل ہوگا۔

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

یک سمت مشین مسیں ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقت اطبی دباو آ لپس مسیں عصودی ہوتے ہیں البہٰ ذاان مسیں قوت

fundamental Fourier component<sup>a</sup>

بال\_۸. بك سمت رومشين

227

سروڑ مساوات ۱۰۳<u>۵ کے تحت درج ذ</u>مل ہو گا۔

(1.1) 
$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

مثال ۸۱۱: دو قطب، باره دندی میکانی سب کار کے یک سمت جنسریٹ رمسیں ہر قوی کچھ بیس مپر کر کا ہے۔ایک لحصے سے 0.0442 ویب رمقن طیسی ہیا و گزر تاہے۔ جنسریٹ سر 3600 حپکر فی منٹ کی رفت ارسے گھوم رہاہے۔

- جنسریٹر کے پک سمت برقی دباو میں غیبر مطلوب لہر کل برقی دباو کاکت فی صد ہوگا؟
  - پکے سے برقی دیاوجیاصل کریں۔

- وتا مساوات  $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$  مساوات ۸۵ من غنیسر مطلوب لہسر کا مطاوب المبار ہوتا
- جنسریٹ کر رفت ار 60  $\frac{3600}{60}$  ہر ٹزیے یوں مساوات ۸۸۰سے یک سمت برقی دباو درج ذیل حساس ہوگا۔  $e = \frac{12}{2} \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 2000 \text{ V}$

## ۸.۴ سیرونی ہیجیان اور خود ہیجیان یک سمت جنسریٹسر

برونی ایجان ایک سے جنریٹرے میدانی لچھ کو بیرونی یک ست برتی دباد صنراہم کیا جباتا ہے جبکہ فود ۔ پی**جالیز** کیک سمت جنسریٹر کے میدانی کچھے کو جنسریٹر کااینا(قوی کچھے کا) محسر کے برقی دباو منسراہم کیا حیاتا ہے۔ پک سمت جنسریٹ رکی کار کر دگی اسس کو ہیسان کرنے کے طسر بقے یر مخصب رہوتی ہے۔ شکل ۱۰۸-۱مسیں قوی کچھ ۱۹۹۰ ورمب دانی کچھے ۱۰ کو آپس مسین عبودی بنایا گیاہے۔ یوں بادرہتاہے کہ ان کچھوں کے پییدا کر دہ مقت طیسی دباو آلپس مسیں عصودی ہیں۔ یہاں قوی کچھے کی صورت میکانی سمت کار کی طسر تربن ائی گئی ہے۔ مپ دانی اور قوی کچھوں کے مقت طیسی دباو آلپس مسیں عصودی ہیں جسس سے ہم اخبذ کر سکتے ہیں کہ ایک لیچھ کابر تی دباو دو سے کھے کے برقی دباویر اثر انداز نہیں ہوگا۔ یوں مقت طبیحی مت السے کے کسی ایک رخ سپر ابیت،اسس رخ کے عصودی دو سے رہے رخ کی سپیر ابست پراٹر انداز نہیں ہو گی۔

senarately excited

self excited4

armature coil, power coil

قوی کیجے م**ں** یں سم*ت* کار کی بن بایدات ارو ہو گاجبکہ مبدانی کیجے مسیں بکے سستی روہو گا۔





سشکل ۱۰۸۱- مسیں ہیں۔ ونی ہیجبان مشین کے میدانی کچھے کو ہیں۔ ونی یک سمت برقی طباقت مہیا گی گئی ہے۔ میدانی کچھے کابرقی روتبدیل کرکے میدانی مقن طیسی رہاو  $\tau_m$  میدانی مقن طیسی بہاو m اور کثافت مقن طیسی بہاو  $B_m$  تبدیل کے جبا سکتے ہیں۔ یوں جنسر سٹر کا محسر کے روست وات ۸۰۸ کے تحت تبدیل کیا جبا سکتا ہے یا موڑ کی قوت میں۔ ورثم اوات ۸۰۸ کے تحت تبدیل کی جبا سکتا ہے یا

برتی رو کے بڑھنے ہے وت الب کی سیر ابیت شکل ۱۱.۸ میں واضح ہے۔ وت البی سیر ابیت کی ب بن برتی رو بڑھ آتے ہوئے ابتد انکی طور محسر کے برٹی د باو اور میدانی کچھے کا برتی رو راست مستناسب ہوں گے جب کہ زیادہ برتی رو پر ایس نہیں ہو گا۔ شکل ۱۱،۸ میں کے کھلے سر معیائیت ہے حساسل کی جب سے ہے۔ شکل ۱۱،۸ میں معین رفت ارسی پر حساسل محسر کے برتی د باو قوی کچھے سے ایک معین رفت ارسی پر حساسل کے ساوات ۴۰۰۸ کی مددے کے مساوات ۴۰۰۸ کی مددے

(A.9) 
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

لكهركر

$$e_q = \frac{\omega}{\omega_0} e_{q0}$$

١

$$e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

حساصل کیا حبا سکتاہے جہاں رفت ارکو حیکر فی منٹ " مسیں (بھی) لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ ہے مساوات صرف اسس صورت درست ہوں گے جب مقناطیعی میدان تبدیل سے ہو۔

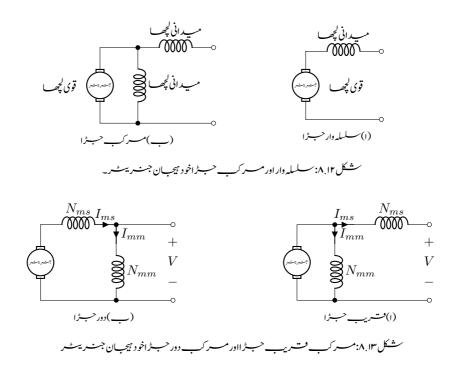
شکل ۱۰۸-ب میں خود بیجبان مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی کچھ متوازی حبارے ہیں۔ اسس طسرح حبار ہندیں ہوا اجسر سے میدانی اور قوی کچھ متوازی حبار ہندیں میزانہ سے میدانی بیجے کے ساتھ ایک مسزانہ سے دوئی سلمہ وار حباری ہے۔ اس مسزانہ سے کو تبدیل کرکے میدانی برقی روتبدیل کیا حباتا ہے جس ہالکل بیرونی بیجبان مشین کی طسرح، جندیہ کا محسر کا محسر کے راہ یا موٹر کی قوت مسرور تبدیل کی حباتی ہے۔ ایک بار بیجبان موٹر کی قوت مسرور تبدیل کی حباتی ہے۔ ایک بار بیجبان موٹر کی تو بعد مقناطیسی و کھایا گیا ہے۔ یوں بورہتا ہے جیسا شکل ۱۰۸۱مسیں دکھایا گیا ہے۔ یوں میدانی کچھا بیجبان کے بخیر جندیہ میں صفر میدانی بیجسان کے بخیر جندیہ میں صفر میدانی بیجسان کی اور کو کھایا گیا۔ سنگل ۱۰۸مسیں صفر میدانی برقی روبر باقی رق دباود کھایا گیا۔

خود تیجبان جنسریٹسر ساکن حسال سے حیالو ہو کر اہت دائی طور پر باقی محسر کسی برقی دباویسیدا کرے گاجو میدانی کچھے مسین برقی روپسیدا کر کے مقت اطبی میدان پسیدا کرتے ہوئے مشین کو ذرازیادہ تیجبان کر تا ہے۔ یوں مشین کا محسر کسی رق دباو بھی کچھ بڑھ حبائے گا۔ اسس طسرح کرتے کرتے جنسریٹسر حبلد پورامحسر کسیبر برقی دباویسیدا کرناسشروع کرتا ہے۔ سے سے ای دوران ہوتا ہے جس مسین مشین کی رفت اربڑھ رہی ہوتی ہے۔

rpm, rounds per minute"

parallel connected'r

التاريخيك موقارے ہيں۔ جنسريٹ ربنانے كے كار منان مسين وتالب كوپہلى مسرتب مقن طيس بنانا پڑتا ہے۔

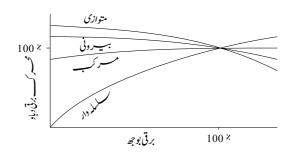


سنگل ۱۸.۱۲ مسیں خود ہیجبان جنسریٹر کے دومسزید اقسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک فود ہیجائی سلسلہ وار ہوا جسس سنسر اور دوسر انوو ہیجائی سلسلہ وار جبٹر جنسریٹ سرے۔ سلسلہ وار حبٹرے جنسریٹ مسید انی اور توی کیجے سلسلہ وار حبٹرے ہوتے ہیں۔ مرکب جنرپیٹر مسیں مید انی کیجا دو حصوں پر مشتل ہوتا ہے۔ ایک حسب قوی کیجے کے متوازی اور دوسسری دوسری دوسسری دوسسری دوسسری دوسسری دوسسری دوسسری دوسسری دوسسری میں اے قریب ہوا مرکب جنسریٹ راور دوسسری صورت مسیں دور ہوا مرکب جنسریٹ راور دوسسری صورت مسیں دور ہوا مرکب جنسریٹ راور دوسسری طور ہوا کہ ہیں۔ مرکب جنسریٹ کے دونوں اشکال دکھائے گئے ہیں۔ کے دونوں امن کا مسیر کے جنسریٹ کے دونوں امن کا موٹر اور کو بیسے دونی ہیجبان موٹر اور کو بیسے دونی ہیجبان موٹر اور کو بیسے دونی ہیجبان موٹر اور کو بیسے دی کری دوموٹروں کو بیسے دی گئے۔

تمام اتسام کے <u>یک سمت جنسریٹ</u>ر کامیدانی مق<sup>ن</sup> طیسی دباو، جنسریٹ رکے میدانی کچھے کے حپکر ضرب برقی رو کے برابر ہوگا:

$$(\Lambda, \Gamma) \qquad \qquad \tau = N_m I_m$$

شکل ۱۰۸ مسین خود بیجبان متوازی حبیرے جنسریٹ میدانی کچھے مسین برقی رو، اسس کچھے کی مسزاجمت اور اسس کے کے کم مسزاجمت  $R=R_m+R_m$  البند اغود بیجبان متوازی کے ساتھ حبیری مسزاجمت کے مسبو



مشكل ١٨٠٨: يك سمت جنسريسسركي محسرك برقى دباو بمقابله برقى بوجه ك خطر

حبرًى جنسر يسسر كے لئے مساوات ١١٨درج ذيل صورت اختيار كرتى ہے۔

(1.17) 
$$\tau_{m,m} = \frac{N_m V}{R_m + R_m'}$$

سلسلہ دار حبٹراجنسریٹ مسین میدانی برقی روجنسریٹ رکے قوی کچھے کابر قی رو ہو گالہنے اسلسلہ دار جنسریٹ رکے لئے مسادات ۸.۱۲ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$au_{m,s} = N_m I_q$$

شکل  $N_{.0}$  کے مسر کہ جنسریٹر مسیں میدانی مقت طبی دباوے دوجھے ہیں۔اسس مسیں  $N_{mm}$  حپکر کے متوازی حسیری دافع کچھے مسیں برتی رو  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اس جنسریٹر کے لئے درج ذیل ہوگا۔

$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$

## ۸.۵ کی سمت مشین کی کار کردگی کے خط

٨.۵.۱ حاصل برقی د باوبالقابل برقی بوجھ

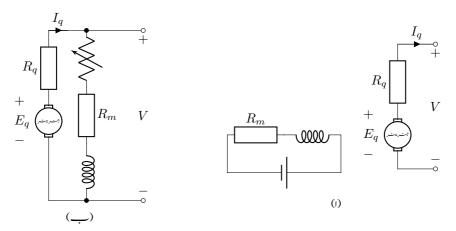
مختف اقسام کے یک سمت جسنسریٹ روں کے برقی دباو بالقائل برقی بوچھ خطوط سشکل ۸.۱۴ مسیں دکھیائے گئے ہیں جہساں گھومتی رفت!ر اٹل تصور کی گئی ہے۔دھسرے پر لاگو ہیں رونی میکانی طباقت جسنسریٹ کی قوت مسروڑ کے حسٰلان جسنسریٹ کو گھساتی ہے۔

جنہ یٹر کو گھی تی ہے۔

ان خطوط کو سیجھنے کی حن طسر پہلے ہیں ونی بیجبان جنسریٹ پر خور کرتے ہیں جس کامساوی برقی دور شکل ۱-۸.۱۵ مسیں دیا گیا ہے۔ ہیں ونی بیجبان جنسریٹ پر برقی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مسزاحت  $R_q^{"}$ مسیں برقی دباو گھٹتا ہے۔ بیل جنسریٹ سے حساس لرقی دباو V، جنسریٹ رکے اندرونی محسر کے اندرونی محسر کے اندرونی محسر کے بیچھ کم ہوگا:

$$(\mathbf{A}.\mathbf{IY}) \hspace{3.1em} V = E_q - I_q R_q$$

— ''اعسلامت Rq کے زیر نوشت مسیں ولفظ قوی کے پہلی حسر دنی کو ظب ہر کرتی ہے۔



سشکل ۱۵.۱۸: ہیسہ رونی ہیسان، متوازی حب ڑے جنٹ ریٹ رکامیاوی برقی دور۔

برتی بو جھ  $I_q$  بڑھ نے ہے V مسزید کم ہو گا۔ بیسرونی ہیجبان جنسریٹ کا خط یبی رجمیان ظاہر کرتا ہے۔ حقیقت مسین ویگر وجوہات بھی افرانداز ہوتے ہیں جن کی بنا ہے خط سیدھ سنہ سی بلکہ جھا ہوتا ہے۔

متوازی حبٹری جنسریٹ رکے خط کا بھی بھی رجمیان ہے۔ متوازی حبٹری جنسریٹ رپر بھی برقی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مسزاحت مسین برقی دو بوجھ الدنے سے میدانی کچھے میں مسزاحت مسین برقی دو بوجھ کے میدانی کچھے میں برقی دو بھی کم ہوحباتا ہے جسس سے میدانی کچھے مسین برقی دو بھی کم ہوحباتا ہے جسس سے میدانی کچھے مسین برقی دو بھٹ سے میدرک برقی دباوبالمقابل برقی بوجھ خط کی دو میں متوازی حبٹریٹ رکی دو بالمقابل برقی بوجھ خط کی دو سے میں کی دو سے زیادہ ہوگی۔

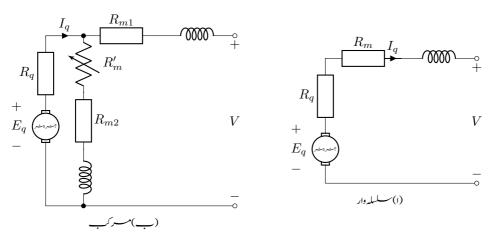
سشکل ۱۱۸ مسیں سلمہ دار اور مسرکب جنسریٹ رکے مساوی برقی ادوار دکھائے گئے ہیں۔ سلمہ دار حبٹرے جنسریٹ میں کا ۱۹۸ مسیں لدے بوجھ کابر قی رو گزرتا ہے۔ اسس طسرح بوجھ بڑھانے سے میدانی مقت طیسی دباوبڑھ کر محسر کے برقی دباوبڑھاتا ہے۔ سلمہ دار حبٹرے جنسریٹ رکا خط یمی دکھارہا ہے۔ سلمہ دار حبٹرے جنسریٹ معموماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حساصل برقی دباو، بوجھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتا ہے۔

مسرکب حبٹرے جنسریسٹسر کی کارکردگی سلملہ وار اور متوازی حبٹرا جنسریسٹسر کے بی ہے۔مسرکب جنسریسٹسر میں ہوتھ ہے۔مسرکب جنسریسٹسرمسیں ہوتھ کے بارہ صاب تی دباو مسین کی کومیدانی کچھے کابڑھ سامقت طیبی دباو ہو ہورکر تاہے۔ یول مسرکب جنسریسٹسرے حساسل برقی دباو،لدے یوچھے کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتا ہے۔

ہیں دونی تیجبان، متوازی اور مسر کب حبٹرے جسنہ یسٹرے حسامسل برتی دباو کو متوازی حبٹری کچھ کے برتی روسے وسسچے حیدوں تک تبدیل کیا حباسکتا ہے۔

قوی کچھ برتی ہوجھ کو در کار برتی رو مستراہم کرتا ہے البندا ہے۔ موٹی موسسل تار کا بنا اور عصوماً کم حپکر کا ہوتا ہے۔ سلسلہ وار جنسر سے میدانی کچھ سے مشین کا پورا برتی رو گزرتا ہے البندا ہے بھی موٹی موسسل تار کا بنا ہوتا ہے۔ باقی مشینوں کے میدانی کچھوں مسین پورے برتی ہوجھ کا چند فی صد برتی رو گزرتا ہے البندا ہے۔ باریک موسسل تار کے بنائے اور عصوماً زیادہ حب کرے ہوتے ہیں۔

۲۲۸ بیک سمت رومشین



شکل ۱۹.۱۸: سلیله وار اور مسرکب جنسریٹ کے مساوی برقی دور۔

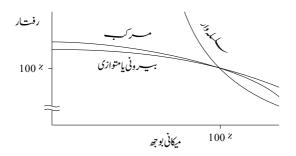
#### ۸.۵.۲ رفت اربالقابل قوت مسرور ا

یہاں بھی شکل ۱۸۱۵ در شکل ۱۸۱۹ سے رجوع کریں البت ان اث کال مسین برقی روئے رخ الب کے کر دیں۔ یک سسے موٹر بھی جہن جنسر پیٹسر کی طسرح مختلف طسر یقوں سے حبٹ حب تے ہیں۔ موٹر کو معسین ہیں رونی برقی دیاو دی حباتی ہے جہاں سے سے برقی روحب صل کرتا ہے۔ برقی روباہر سے قوی کچھے مسین داحنل ہوتا ہے لہانان کے لئے درج ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$V = E_q + I_q R_q \label{eq:V}$$
 
$$I_q = \frac{V - E_q}{R_q} \label{eq:Iq}$$

ہیں ونی ہیجبان اور متوازی حبٹری موٹروں مسین میدانی کچھے کوبر فت رار معین ہیں رونی برقی دباہ فنسراہم کیا حب تاہے اہلیہ ذا مید انی مقت طیسی ہیسا و پر میکانی بوتھ کا کوئی اثر نہیں ہوتا ہے۔ بڑھت میکانی بوتھ اٹھنے نے کی حن طسر، مساوات ۸.۸ کے تحت ، قوی کچھے کامقت طیسی ہیسا و بڑھت ا ہوگا۔ یہ تب مسکن ہوگا جب قوی کچھے مسین برتی روبڑھے۔ مساوات کا ۸.۸ سے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کچھے کامحسر کے برتی دباوہ  $E_{q}$  گٹنے ہے  $E_{q}$  بڑھے گا۔ امالی دباوہ  $E_{q}$  کار فت ارکار کی رفت ارکار میں موٹر کی رفت ارکار میں دکھ ایا گیا ہے میکانی بو تبحہ بڑھا نے موٹر کی رفت ارکار موٹر کی رفت ارکار ہوت کے موٹر کی رفت ارکار ہوت کی دباور کی رفت ارکار ہوت کے موٹر کی رفت ارکار ہوت کی دبار کی موٹر کی رفت ارکار کی دبار کی کی دبار ک

متوازی حبرٹری یا بسیرونی ہیجبان موٹر تقسریباً متقل رفتار بر مسرار رکھتی ہے۔اسس کی رفتار بے بوجھ حسالت ہے پوری طسر آبوجھ بردار حسالت تک تقسریباً پانچ فی صد گھٹتی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی لیجھے کابر قی روتبدیل کر سے تبدیل کی حباتی ہے۔میدانی لیجھے کے ساتھ سلیا وار حب ٹری مسزا تھت تبدیل کر سے موٹر پر لاگو کے میدانی کیجھے کابر قی روتبدیل کرنا ممسکن ہوتا ہے۔ یوں ان کی رفتار و سسج صدول کے بچھ تبدیل کرنا ممسکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بسیرونی برق وباوتبدیل کرتا ممسکن ہوتا ہے۔ ایسا عسوماً قوی برقیات کی مددسے کسیاحب تا ہے۔ سیسرونی برق وباوتبدیل کرتا ہوئے لیے کی قوت مسرور وارد زیادہ سے زیادہ قوت مسرور دان موٹروں کے قوی کیھے تک سے کن حسال سے حیالوکرتے ہوئے لیے کی قوت مسرور اور زیادہ سے زیادہ قوت مسرور دان موٹروں کے قوی کیھے تک



شکل ۱۷.۱۸: بکے سم<u>ہ</u> موٹر کے میکانی بوجھ بالمقابل رفت ار خطوط۔

برقی رویہنچیانے کی صلاحیت پر منحصر ہوتی ہے جو از خو د میکانی سمت کارپر منحصر ہوگا۔

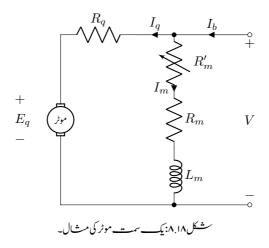
سلیلہ وار حبیری موٹر پر میکانی ہو جھ بڑھانے سے قوی اور میدانی کچھوں مسیں برقی روبڑھت ہے۔ فسر اہم کردہ دباو V ، مسز احست ہم اگل ہونے کی بنا،  $I_q$  بڑھانے کی حناطر میر کا کو کم ہوناہوگا (  $I_q = \frac{V-E_q}{R_m+R_q}$  ) جو موٹر کی رفت ارکانی رفت ارکانی مقت اطلبتی ہیں ہوں ہو جس بڑھت ہے لہند ابو جھ بڑھانے نے موٹر کی رفت ارکانی رفت ارکانی رفت ارکانی موٹریں ان مقت مات پر بہتر ثابت ہوتی ہیں جہاں زیادہ تو سروڑ درکار ہو بڑھتی تو سروڑ کے ساتھ ان کی رفت ارکم ہونے کی وجب سے درکار برقی طب اقت ، قوت مسروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتی۔ مسروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتی۔

یب ان اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بو جھ سلملہ وار حبڑی موٹر کی رفت از خطسرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔ سلماد وار موٹر کی رفت از خطسرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔ سلماد وار موٹر کو استعال کرتے وقت اس بات کا حناص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحسبہ و جھ بر دار رہے۔ ساکن موٹر حپالو کرتے وقت موٹر کی قوت مسروٹر حناصی زیادہ ہوگا۔ ہے۔ ایک اچھی خوبی ہے جس کی بن ابو جھ بر دار ساکن موٹر کو حپالو کر نا آس ان ہو تا ہے۔ مسرک میں موٹر دی ہوگا ہے جس کی بن ابو جھ بر دار ساکن موٹر کو حپالو کر نا آس ان ہو تا ہے۔ مسرک موٹر ول مسین ان دواقع میں کی موٹر ول کے خواص پائے جہاں بوجھ بر دار موٹر حپالو کر ناضر وری ہولسکن رفت ارمسین سلماد وار موٹر جنتی تب یلی مظور سے ہو وہاں مسرک ہوٹریں کارآ مد ثابت ہوتی ہیں۔

مثال ۸.۲: ایک 75 کلو وائے، 415 وولئے اور 1200 سپکر فی منٹ کی رفت ارسے جیلنے والی متوازی حبٹری یک سست موٹر کے قوی کچھے کی مسزاحمہ 123 وہم ہے۔ بو چھ ہر دار موٹر 1123 پکر فی منٹ کی مسزاحمہ کی مسزاحمہ ہے۔ بو چھ ہر دار موٹر 1123 پکر فی منٹ کی رفت ارسے حیلتے ہوئے 112 ایم ہمیئر لے رہی ہے۔

- ميداني برقی رواور قوی کچھے کابر قی روحاصل کریں۔
  - موٹر کی اندرونی پیدا کر دہ برقی دباوحا صل کریں۔
- اگر میدانی کچھے کی مسزاح۔۔۔۔100.2 اوہم کر دی حبائے کسیکن قوی کچھے کابر قی روتبدیل نہ ہوتب موٹر کی رفت ارکتنی ہوگی؟ وت الب کی سیر ابیت کو نظے رانداز کریں۔

ىل:



• شکل ۸.۱۸ سے رجوع کریں۔ 415 دولٹ پر مب دانی کیھے کابر تی رو درج ذیل ہوگا۔

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 5 \,\mathrm{A}$$

يون قوى لچيے كابر تى رو
$$I_q=I_b-I_m=112-5=107$$
 بوگا۔

• يك سمت موٹر كااندرونی پيدا كرده برقى د باودرج ذيل ہو گا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107 \times 0.072 = 407 \,\mathrm{V}$$

• اگرمیدانی کھے کی مسزاحت100.2اوہم کر دی حبائے ہے  $I_m$  درج ذیل ہوگا۔

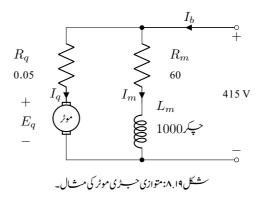
$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{100.2} = 4.1 \, \mathrm{A}$$

• اگرقوی کھے کابرتی رو107 ایمپیئر ہی رکھاجپائے تیاندرونی دباو درج ذیل ہوگا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107 \times 0.072 = 407 \,\mathrm{V}$$

• مساوات ۸٫۴ کی مدد سے چونکہ اندرونی پیداکردہ برقی دباوتب میل نہیں ہوالیکن مقت طبیحی بہاوتب میل ہواہے الہندا موٹر کی رفت ارتب میل ہوگی۔ ان دومقت طبیحی بہاواور رفت اروں پر مساوات ۸٫۹ کی طسرح درج ذیل کھے حباسکتا ہے۔

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$



اب چونکہ  $E_{q1}=E_{q2}$  ہوگا۔ وت ابنی سیر ایست نظر انداز کرتے ہوئے مقت طبی بہاو، میدانی رباو پر منحصر ہوگا ہواز خود میدانی برقی روپر منحصر ہوگا البند ادری ذیل ہوگا۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

يوں نئى رفت ار

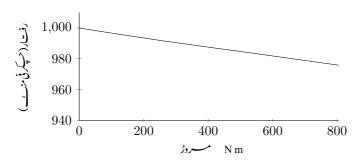
$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{5}{4.1} \times 1123 = 1370$$

حبکر فی منٹ ساصل ہوتی ہے۔اسس مثال مسیں ہم دیکھتے ہیں کہ مید انی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفت اربڑھتی ہے۔

مثال ۱۸.۳ ایک 60 کلو وائے، 415 دولئے، 1000 حپکر فی منٹ متوازی حبٹری یک سمت موٹر کی قوی کچھے کی منٹ 1000 میرانی کچھے کی منٹ ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر فی منٹ ہے۔ میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر فی منٹ ہے۔ میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر کی ہے۔ میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔ بیوجھ موٹر کی رفت ار 1000 حپکر کی ہے۔

- جب ہے موٹر 70 ایمپیئر لے رہی ہواسس وقت اسس کی رفت ارمعسلوم کریں۔
  - 140 يمپيئر پراسس کي رفت ارمعسلوم کريں۔
  - 210 يمپيئر پراسس كارفت ارمعسلوم كريں۔
  - اسس موٹر کی رفت اربالمقابل قوت مسروڑ ترسیم کریں۔

. 1



شکل ۸.۲۰ زفت اربالمقابل قوی مسروژ پ

• سشكل ۱۹. ۸ مسين موٹر د كھسائى گئى ہے۔ متوازی میدانی کچھے کے برقی روپر بوجھے كاكوئی اثر نہسیں ہوگا۔ لہنذامید انی مقت طبیعی بہت و ہے اور بوجھ بر دار موٹر مسین ایک جیسا ہوگا۔ بے بوجھ یک سمت موٹر کے قوی کچھے كابر تی رو $I_q$  و تبایل نظر رائد ہوتا ہے۔ اسس طسرح مساوات کے ۱۸۔ اور مساوات ۱۸۔ درج ذیل حساس ہوں گے۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \, \mathrm{V}$$
 
$$I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.9 \, \mathrm{A}$$

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.9 = 63.1 \,\mathrm{A}$$

مساوات ۱۷۸سے

. آئیں ان تمسام کو A 140 کے لئے حساصل کریں۔

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.9 = 133.1 \,\mathrm{A}$$
 
$$E_q = 415 - 133.1 \times 0.05 = 408 \,\mathrm{V}$$
 
$$rpm = \frac{408}{415} \times 1000 = 983$$

يباں  $I_b = 210$  ہوں گے۔

$$I_q = I_b - I_m = 210 - 6.9 = 203.1 \, \mathrm{A}$$
 
$$E_q = 415 - 203.1 \times 0.05 = 405 \, \mathrm{V}$$
 
$$rpm = \frac{405}{415} \times 1000 = 976$$

(A.IA) 
$$e_q I_q = T\omega$$

 $T_0 = 0 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$  یوں پچھلے حب زوے حسام جو اہا ہے کی مدد ہے لیو جمہ موٹر کی قوت مسروڑ صف رہوگی لینی  $T_0 = 0 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$  کی مدد ہے لیو جمہہ موٹر کی قوت مسروڑ کی قیت در بن ذیل ہوگی۔ جب کہ 70 ایم پیئر پر قوت مسروڑ کی قیت در بن ذیل ہوگی۔

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{412 \times 63.1}{2 \times \pi \times 16.55} = 250 \, \mathrm{N \, m}$$

يب ال991.95 حيكر في منط كارفت اركو 16.5325 بر ٹزلكھ اگيا ہے۔ اى طسرح درج ذيل ہوں گے۔

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408 \times 133.1}{2 \times \pi \times 16.38} = 528 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{405 \times 203.1}{2 \times \pi \times 16.27} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

ب نتائج شکل ۸۰۲۰ مسیں ترسیم کئے گئے ہیں۔

باب. ۸. یک سمت رومشین

# ف رہنگ \_

| earth, 82                      | ampere-turn, 27            |
|--------------------------------|----------------------------|
| eddy current loss, 52          | armature coil, 116, 222    |
| eddy currents, 52, 111         |                            |
| electric field                 | capacitor, 171             |
| intensity, 9                   | carbon bush, 156           |
| electrical rating, 50          | cartesian system, 3        |
| electromagnet, 115             | charge, 9, 121             |
| electromotive force, 52, 121   | circuit breaker, 158       |
| electronics                    | co-energy, 92              |
| power, 183                     | coercivity, 39             |
| emf, 121                       | coil                       |
| enamel, 52                     | high voltage, 47           |
| energy, 37                     | low voltage, 47            |
| co, 99                         | primary, 47                |
| Euler, 18                      | secondary, 47              |
| excitation current, 44, 51, 52 | commutator, 146, 213       |
| excitation voltage, 52         | conductivity, 21           |
| excite, 52                     | conservative field, 96     |
| excited coil, 52               | core, 47, 111              |
| exerced con, 32                | core loss, 52              |
| Faraday's law, 32, 111         | core loss component, 54    |
| field coil, 116, 222           | Coulomb's law, 9           |
| flux, 24                       | cross product, 12          |
| Fourier series, 54, 125        | cross section, 8           |
| , ,                            | current                    |
| frequency, 115                 | transformation, 56         |
| fundamental, 125               | cylindrical coordinates, 4 |
| fundamental component, 54      |                            |
|                                | delta connected, 80        |
| generator                      | differentiation, 15        |
| ac, 141                        | dot product, 13            |
| ground current, 82             |                            |
| ground wire, 82                | E,I, 52                    |

| non-salient poles, 157    | harmonic, 125                |
|---------------------------|------------------------------|
|                           | harmonic components, 54      |
| Ohm's law, 22             | Henry, 33                    |
| open circuit test, 74     | hunting, 157                 |
| orthonormal, 2            | hysteresis loop, 39          |
| parallel connected, 224   | impedance transformation, 61 |
| permeability, 21          | induced voltage, 32, 42, 52  |
| relative, 22              | inductance, 33               |
| phase current, 82         | leakage, 161                 |
| phase difference, 19      | induction                    |
| phase voltage, 82         | motor, 183                   |
| phasor, 19                |                              |
| pole                      | Joule, 37                    |
| non-salient, 123          |                              |
| salient, 123              | lagging, 19                  |
| power, 37                 | laminations, 26, 52, 111     |
| power factor, 19          | leading, 19                  |
| lagging, 19               | leakage inductance, 68       |
| leading, 19               | leakage reactance, 68        |
| power factor angle, 19    | line current, 82             |
| power-angle law, 166      | line voltage, 82             |
| primary                   | linear circuit, 199          |
| side, 47                  | load, 85                     |
|                           | Lorentz law, 121             |
| rating, 83, 84            | Lorenz equation, 90          |
| rectifier, 146            |                              |
| relative permeability, 22 | magnetic constant, 21        |
| relay, 89                 | magnetic core, 26            |
| reluctance, 21            | magnetic field               |
| resistance, 21            | intensity, 10, 27            |
| rms, 16, 42, 145          | magnetic flux                |
| rotor, 31                 | density, 27                  |
| rotor coil, 92            | leakage, 68                  |
| rpm, 138                  | residual, 39                 |
|                           | magnetizing current, 54      |
| saturation, 39            | mmf, 24                      |
| scalar, 1                 | model, 70, 183               |
| self excited, 222         | mutual flux linkage, 36      |
| self flux linkage, 36     | mutual inductance, 36        |
| self inductance, 36       |                              |
| separately excited, 222   | name plate, 84               |

ف رہگ ۔

| Watt, 37            | side                        |
|---------------------|-----------------------------|
| Weber, 27           | secondary, 47               |
| winding             | single phase, 20, 50        |
| distributed, 123    | slip, 184                   |
| winding factor, 130 | slip rings, 156, 203        |
|                     | squirrel cage, 205          |
|                     | star connected, 80          |
|                     | stator, 31                  |
|                     | stator coil, 92, 112        |
|                     | steady state, 155           |
|                     | step down transformer, 50   |
|                     | step up transformer, 50     |
|                     | surface density, 10         |
|                     | synchronous, 115            |
|                     | synchronous inductance, 162 |
|                     | synchronous speed, 138, 155 |
|                     | Tesla, 28                   |
|                     | theorem                     |
|                     | maximum power transfer, 202 |
|                     | Thevenin theorem, 199       |
|                     | three phase, 50, 79         |
|                     | time period, 125            |
|                     | torque, 146, 185            |
|                     | pull out, 157               |
|                     | transformer                 |
|                     | air core, 50                |
|                     | communication, 50           |
|                     | ideal, 55                   |
|                     | oil, 65                     |
|                     | transient state, 155        |
|                     | turbine, 157                |
|                     | unit vector, 2              |
|                     | VA, 65                      |
|                     | vector, 1                   |
|                     | volt, 121                   |
|                     | volt-ampere, 65             |
|                     | voltage, 121                |
|                     | DC, 146                     |
|                     | transformation, 56          |

| ىىسنورنىبابرقى رو، 111                       | ابت دائی   |
|--|--|
| بے بوجھ، 51                                  | حب:ب   |
|  | لچڪ،47   |
| پ <b>ت</b> ری،111،26                         | ارتباط بهاو، 33  |
| پت ريال،52                                   | اضب في   |
| پیشن زاوی، 19                                | زاویانی رفت ار، 187  |
| تاخىسىرى،69                                  | اكائي سمتىيە، 2  |
| تا میسری (اوی                                | رمان<br>امالی<br>برتی د باو، 42<br>اماله، 33   |
| نا سینز کاراوسیے،197<br>تار کابر قی د باو،82 | برقی د باو، 42   |
| نار کابرتی رو، 82<br>تار کابرتی رو، 82       |  |
| ناره بری روم<br>تانب، 23                     | رستا، 161  |
| نامب.<br>تبادله                              | اِمالى برقى دياو، 32، 52   |
| ب<br>ر کاوٹ، 61                              | ایک، تین پت ریال،52<br>ایمپیئر و حیکر،27   |
| منختی،84                                     | اينېيئروخپلر،27  |
| تعب در، 115                                  | 121 /  |
| تعقب،157                                     | بار، 121<br>. فرس بري بالر 27 155  |
| تفسرق،15                                     | <b>برنت</b> رار حپالو،155،87<br>گ  |
| حبزوی،15                                     | برق گھىسەر، 171  |
| تكونى جوڙ ،80                                | برن بيران<br>برقبات<br>قوي،183   |
| توانائی،37                                   | قوى، 183   |
| ېم،99  | برقي بار، 121،9  |
| تىن دورى،79،50                               | برقى د باو، 23 ، 121   |
|  | تبادله،56،48<br>محسر کس،121  |
| ٹرانسفار میسر                                | سر بياني، 163<br>بيباني، 163   |
| برقى د باووالا، 50                           | بیجبن،163<br>یک ست.146   |
| بوجھ بردار،58<br>سیسل،65                     | يك سنة ١٩٥٠<br>برق رو، 23  |
| شيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ       | برن روی دی<br>تعب نورنمپ، 111  |
| حنلائی مت الب،50                             | . ورت ۱۱۲<br>تبدله،56  |
| د باوبڑھ اتا، 50                             | ىب رىدان<br>چىيان انگىيىز، 44  |
| د باو گھٹا تاء50<br>کترین                    | يجبن عير، 44<br>برق سكت، 50  |
| فرائع ابلاغ،50                               | برق میست.<br>برق میپدان،9  |
| رووالاء50                                    | برن حیدان،و<br>شدت،9،23  |
| كامسل، 55                                    | بش،156   |
| ئسلا،28<br>ئىرىن ئەرىرىس 20                  | سناوٹ ہے۔74<br>بناوٹ   |
| ٹھنٹری تار <sup>،</sup> 82                   | بنيادي حسنرو، 125، 125   |
| ثانوی حبانب،47                               | . بر هم المحافظة الم |
| اون بر-                                      | بهنی، 101  |
| حباول،37                                     | <i>هب</i> نورنب  |
| حبزو   | بر قی رو، 52   |
| پھيلاو،130                                   | منياع،52   |
|  |  |

بنربنگ بنگ

| زاوپ حبزوط اقت،19                            | حب زوط اقت، 19                                |
|--|---|
| زمين،82                                      | ب رو <i>ت نیش</i> ،19                         |
| ر ین ۶۵۰<br>زمینی برقی رو، 82                | سے نہوں<br>تاخب ری،19                         |
|  |   |
| زمسيني تار،82                                | جنسريت  |
|  | بدلت ارو، 141                                 |
| ب کن هیب، 31                                 | <i>جو</i> ڙ                                   |
| ڪ کن کچھ ،112،92                             | بحور تکونی،80                                 |
| سـتاره نمب جوڙ، 80                           | ستاره نب،80                                   |
|  | 00.2  |
| مسر دور ، 32                                 | حپرمناب،157                                   |
|  | حپگرفی منٹ،112                                |
| سر کاو، 184                                  | چەرق ئىسىنىدىن<br>چونى،186                    |
| ىسىرك چىلے،203،156،                          |   |
| سطى تكمل 159                                 | 14 - 2  |
| سطرين.                                       | ب شده و د                                     |
| سِطَى كَافْت.10                              | حــال<br>عــارضي،155<br>كيــال،155            |
| سكــــــ                                     | يكان،155                                      |
| سسلسله وار ۱28                               | bż  |
| سم <u></u> کار، 213                          | خطی<br>برتی دور ،199<br>خو د ارتب ط بهب و ،36 |
| برقپاتي،146                                  | برتی دور ، 199                                |
| ميكاني،146                                   | خودارتباط بهساو،36                            |
| سمتير، 1                                     | خود اماله، 36                                 |
| مير ۱۰<br>عــمودي اکائي ، 2                  | 1.5   |
| مستى رفت ار ،89                              | داحشلی ہیجبان                                 |
| ى رفت ار 89                                  | سلسله وار ، 225                               |
| سيرابيت،39                                   | متوازی،224                                    |
| ż  | مسركب،225                                     |
| ضر <u>ب</u><br>نقط <b>ب</b> ،13              | دور حب ڑا <b>م</b> رکب، 225                   |
| نقطب، 13                                     | دور شکن،158                                   |
| ضرب صلب بي،12                                | رور<br>دوری سمتیه، 164،19                     |
| <b></b> .                                    |   |
| طاقت،37                                      | دوری عسر صبه، 125                             |
| طباقت بالمقابل زاوي ، 166                    | د سنتا  |
| طول موج،16                                   | ر <b>ک</b><br>اماله،68                        |
| <b>.</b> ,                                   |   |
| عب ودي تراسش ، 8                             | متعامله،68                                    |
| رقب،8  | رىستامتعساملىت، 191                           |
|  | رفت ار<br>اصن فی زاویا کی، 187                |
| غي رستى، 1                                   | اصن في زاوياني، 187                           |
| غيرمعاصر،158                                 | روغن،52                                       |
|  | روک،201                                       |
| فوریت ری 221                                 | رياضي نمو نه ،183،70                          |
| فوریئسر،221<br>فوریئسر شلسل،125،54<br>فرینسر | ريلے،89                                       |
| فیسراڈے                                      | -   |
| ىتانون،111،32                                | زاویائی منسرق،19                              |
| -  |   |
|  |   |

۲۲۰ فنرینگ

| محسدد  | تاب.111                                |
|--|--|
| كار تىسى، 3  | ت لبى ضياع، 52                         |
| نگی،4  | حبـزو،54                               |
| محسر کے برقی د باو، 52   | <b>م</b> تانون                         |
| محوري  | اوټمې،22                               |
| تحوري<br>لمبائي،143<br>محنيار ۽ سر 170   | كولمب، 9                               |
| 1/000  | لورينسنز،121                           |
| مسرکب جنسریٹر،225  | ت دامت پسند مب ران،96                  |
| مسزاحمت،21   | ت ریب حب ڑام شرکب، 225                 |
| مسزاحت پیپا،209  | قطب                                    |
| مساوات لورینسنز،90   | انجسرے،157،123                         |
| مسئله<br>تھونن،199   | بموار،123،157                          |
|  | قو <u> </u>                            |
| زیادہ سے زیادہ طباقت کی منتقلی، 202  | انتهائي،157                            |
| مشتر كدارتباط اماله،36   | قوی برقب ایست، 213<br>ت. ر             |
| مشتر که اماله، 36  | قوی کچھے،222                           |
| معباصر،115<br>مشین،156   | • .                                    |
| —ين 136<br>معــاصراماله، 162   | کارین بششس،156                         |
| مع المراهانه، 102<br>مع اصر رفت ار، 138، 155   | کار گزاری، 177<br>م                    |
| مع ائد .   | - <i>کثاف</i>                          |
| کے ادور ،74<br>کھساا دور ،74   | برقی رو، 23<br>پیشه به طو              |
| كھـــلا دور ،74<br>مقــناطيــس   | کثاف <b>ت</b> مقت طیسی بہباو<br>       |
| _<br>برق،115   | بقبيا، 39                              |
| حپّال كادائره،39   |  |
| ٽ <sup>ت</sup> م شد <b>ت</b> ،39   | گرم تار،82                             |
| مقت طیسی برقی رقب 54   | گومت حسب، 31                           |
| مقت طبیعی بہاو،24<br>مقت طبیعی بہاو،24   | گومت کچمب،92                           |
| ر ستا، 68<br>ر ستا، 68   | J                                      |
| ر صوبر<br>الشار الشار ال | چي .                                   |
| مقت طيسي حيال،44   | ابت دائی،47                            |
| مقت طیسی د باو،24  | چيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ |
| مفت - ق دباو،24<br>رخ 125  | پيچدار،34<br>دانې                      |
|  | ثانوی، 47<br>رخ، 117                   |
| مقت طیسی ت الب،47،26<br>طعر مربة   | رن، ۱۱<br>زیاده بر تی دباد، 47         |
| مقن طبیمی متقل، 147،21   | ریاده بری دباو ۶۰/ 4<br>ساکن ، 92      |
| حبزو،26،22<br>طبیر   | ت بن،92<br>قوی،116                     |
| مقت طیسی میدان   | لون،116<br>نم بر تی دباو،47            |
| 27،10،   | ېرن د باو، / 4<br>گومت، 92             |
| موٹر   |  |
| امال، 183  | مپدانی،116                             |

ف رہنگ

پنجب ره نمپ ا موژ،16،42 موثر قيت 145، موسيقائي احبزاء،54 موسيقائي حسزو، 125 موصلیت،21 میدانی کچھ،222 واسٹ،37 وولسن، 121 وولي وايمپيئر،65 ويبر،27 ويبر-پكر،33 چېکپاېه ښه، 24،21 هم توانائی، 92 ېيحبان،52 بيسروني،222 ب پيدرون خود،222 لچھسا،52 بھيان انگسينز برقي د باو،52 هیجبان انگسیزبر قی رو، 51 هیجبانی برقی دباو، 163 يك دوري،50،20 يّب دوري برقي د باو،82 يك دورى برقى رو،82 \_\_سم<u>ت</u>رو مشين،213 يولرمساوات، 18