برقی آلات

حنالد حنان يوسفزئي

بامب کاسیٹ،اسام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

۲۰۲۱ متی ۲۰۲۱

تاريخ در سنگى:12مئي 2020

# عسنوان

| vii  | •  | دىباحپ      |
|------|--|-------------|
| 1    | ي حت ئق  | ا بنيادهٔ   |
| 1    | بنيادي اکائيال   | 1,1         |
| 1    | غب رستی  | 1.1         |
| 1    | ستنير  | 1.1"        |
| ۲    | محباد  | 1.14        |
| ۲    | ۱٫۲۰۱ کارنتین محبه دی نظسام  |             |
| ۴    | ۱٬۴۰۲ نگلی محسد دی نظبام   |             |
| ۲    | سمتيروت  | 1.0         |
| ۸    | رقب عنسود کا تراکش   | ۲.۱         |
| 9    | برقی اور مقت طبیسی مپ دان  | 1.4         |
| 9    | ا کیا برقی میدان اور برقی میدان کی شدت بروی میدان کی شد میدان کی میدان کی شد میدان کی شد میدان کی شد میدان کی شد میدان کی خدان کی میدان کی کند کند کند کند کند کند کی میدان کی کند |             |
| 1+   | ۱.۷.۲  |             |
|      | سطی اور حجمی کثاف <b>ت</b>   | 1.4         |
| 1•   | ا.۸.۱ سطی کثافت  | 1.74        |
|      |  |             |
| 11   | منجمی کنافت می در  | 1.9<br>1 1+ |
| 11   | صلب بی ضرب اور ضرب نقطب میں میں میں میں میں اور ضرب نقطب میں ہے۔<br>میں میں صلب  | 1,14        |
| 11   | ا.۱۰.۱ صلب م شرب   |             |
| 1111 | ۲۰۰۱ نقطی ضرب  |             |
| 10   | تفسرق اور حبيزوي تفسيرق  | 1.11        |
| 14   | خطی تکمل   | 1.17        |
| 17   | سطح تحمل   | 1.11        |
| 11   | دوری سمتیه   | 1.16        |
|      | ı  | _           |
| ۲۱   | طیسی ادوار   | ٢ مقن       |
| 11   | مسزاحمت اور چېکحپاېپ   | ۲.1         |

iv

| 22         | كْيَافِت بِرِقْي رواور برقى مبيدان كى شدت   | ۲.۲        |    |
|------------|---|------------|----|
| ۲۳         | ير في اووار   | ۲.۳        |    |
| 20         | مقت طبیعی دور حسب اول   | ۲.۴        |    |
| 27         | کثافت بِ مقن طیسی بہب واور مقن طیسی میدان کی شد سید مقن طیسی دور حصیہ دوم میں میں دور حصیہ دوم              | ۲.۵        |    |
| 19         | مقب طبیبی دور حصب دوم میسید بردی میسید بردی مقب است.  | ۲.۲        |    |
| ٣٢         | خو داماله، مشتر كه اماله اور توانا كي   | ۲.۷        |    |
| ۳۸         | مقت طبیبی مادہ کے خواص  | ۲ ۸        |    |
| ۱۳۱        | ع مانان کے واقع اور میں میں اور   | r.9        |    |
|            |   |            |    |
| <b>۲</b> ۷ | بر ب  | ٹر انسفار' | ۲  |
| ۴۸         | ٹرانسفارمسسر کی اہمیت ۔   | ٣.١        |    |
| ۵٠         | ٹرانسفار مسرکے اقسام  | ٣.٢        |    |
| ۵۱         | امالى برقى دېاو   | ٣.٣        |    |
| ۵٢         | ېيجبان انگىپ نړېر قى رواور فت لبى ضياع  | ٣.۴        |    |
| ۵۵         | تبادله برقی دباواور سبادله برقی رو کے خواص  | ٣.۵        |    |
| ۵۸         | ثانوی حبانبِ بوجھ کاابت دائی حبانب اثر  | ٣.٢        |    |
| ۵٩         | ٹرانسفارمسے کی عسلامہ پر نقطوں کامطلب   | ٣.۷        |    |
| ۵٩         | ر کاوٹ کاتبادلہ   | ٣.٨        |    |
| 414        | ٹرانسفارمسے کے وولٹ – ایمپیئر   | ۳.9        |    |
| 44         | ٹرانسفارمسرکےامالہ اورمساوی اووار   | ۳.۱۰       |    |
| 44         | ۱۰۱۰ اس کیچیے کی مسنزاحمت اورانسس کی متعباملہ علیجہ رہ کرنا   |            |    |
| AF<br>AF   | ۳.۱۰,۲ سر ستااماله  |            |    |
|            | ۳.۱۰ ۳ ثانوی برقی رواور وت الب کے اثرات ، ، ، ، ،   |            |    |
| 49         |   |            |    |
| ۷٠         | ۳.۱۰.۵ ثانوی کچھے کی مسنز احمت اور متعاملہ کے اثرات   |            |    |
| ۷٠         | ۳.۱۰.۶ رکاوٹ کااہت دائی یا انوی حبانب شبادلہ  |            |    |
| <u>۷۲</u>  | ے. ۱۰ ۳ ٹرانسفار مسیر کے سادہ ترین مساوی ادوار  |            |    |
| ۷۴         | کھیلے دور معیائٹ اور قصسر دور معیائٹ یا بیان کھیلے دور معیائٹ اور قصسر دور معیائٹ کی است                    | ٣.11       |    |
| ۷٣         | ا.اا.۳ کھیلادورمعیائٹ   |            |    |
| 22         | ۳.۱۱٫۲ تصبر دور معیائنه برین برین باید باید باید باید باید باید باید باید                                   |            |    |
| ∠9         | مین دوری ترانسفار مستر  | ۳.۱۲       |    |
| Υ          | تین دوری ٹرانسفار مسسر<br>ٹرانسفار مسسر حپالو کرتے لمحسے زیادہ ہیجبان انگسینز برقی رو کا گزر                | ۳۱۳        |    |
| Λ9         | ييكاني توانائي كاياجى تب دله  | <b>.</b>   |    |
|            | •   |            | 1, |
| 19         | مقت طبی نظام مسیں تو <b>ت</b> اور تو <u>ت</u> مسروڑ میں بریں ہور ہے۔ یہ مقت طبی نظام مسیں توت اور توت مسروڑ | ۱.۳        |    |
| 90         | شبادله توانائی والاایک کچھے کانظ م  | ۲.۲        |    |
| 99         | توانائی اور جم توانائی  | ۳.۳        |    |
| 1.11       | متعب د کیچھوں کامقن طیسی نظیام  | ۲,۲        |    |

ع-نوان v

| 111        | شین کے بنپادی اصول<br>شین کے بنپادی اصول  | گھومتے م  | ۵ |
|------------|---|-----------|---|
| 111        | صانون فت راڈے   | ۵.1       |   |
| 111        | معاصرمشین   | ۵.۲       |   |
| 171        | محسرک برقی دباوی می در  | ۵.۳       |   |
| ١٢٣        | بھیلے کچھے اور سائن نمسامقت طبیعی دباو  | ۵.۴       |   |
| ۱۲۵        | ا ۸.۴ پرلت ارومث مین  |           |   |
| ۱۳۲        | مقت طیسی د باو کی گھومتی امواج  | ۵۵        |   |
| 124        | ا ۵.۵ ایک دور کی کسپ ٹی مشین  |           |   |
| ۳۳         | ۵.۵.۲ ستین دور کی کپٹی مشین کا تخلسیلی تحب زیب میں  |           |   |
| ۱۳۸        | ۵.۵.۳ تین دورکی کپ ٹی مشین کار سیمی تحب زیب   |           |   |
| اما        | مسابق میں میں اور میں میں میں اور کے اور میں میں اور م<br>محسر کے برق دباور میں میں میں اور میں | ۵,۲       |   |
| اما        | ۵.۲.۱   |           |   |
| ١٣٦        | ۵.۲.۲ کیک سمت روبر قی جنسریٹ سر   |           |   |
| ١٣٦        | ېموار قطب مشينول مسين قوت مسرور پر  | ۵.۷       |   |
| ١٣٦        | ۵.۷.۱ میکانی قوی مسروژ بذریع، تر کیب توانائی ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،  |           |   |
| ۱۳۸        | ۵.۷.۲ میکانی قوی مسروژ بذریعی مقن طیسی بهباو  |           |   |
|            | *   |           |   |
| ۱۵۵        | حسال، برفت براد حپالومع اصرمثین<br>   |           | 4 |
| 104        | متعب د دوری معساصر مشین   | ١.٢       |   |
| 101        | معياصرمشين کے امالہ   | ۲.۲       |   |
| 109        | ۲.۳.۱ څوداماله  |           |   |
| 14+        | ۲۲.۲۴ مشتر که اماله   |           |   |
| 171        | ۶٫۲٫۳ معیاصراماله   | س ب       |   |
| 1411       | ٠٠ ٠٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١  | ٧,٣       |   |
| 1414       |   | ٧.٣       |   |
| 149        | يكال حيال، برمت رار حيالومثين كے خواص   | ۷.۵       |   |
| 149        | ا ۱.۵. معاصر جنسر بیشر : برقی بوته بالقابل $I_m$ خط   |           |   |
| 121        | معاصر موٹر: $I_a$ بالمقائل $I_m$ کے خطب میں جاتے ہیں ہے تھے ہیں ہوٹر: ہوگری ہوٹر: ہوگری ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر ہوٹر   |           |   |
| ۳۷۱<br>سر  | کھیلا دور اور قصبر دور معیائٹ میں بیان کی دیا ہے۔ یہ کی اور معیائٹ میں کہا ہوتا ہے۔ یہ کہا ہوتا ہے۔ یہ کہا تاہد   | ۲.۲       |   |
| 12m<br>12m | ۱.۲.۱ گھـلادورمعـائنـه  |           |   |
| 121        | ۱.۱.۲ محکردور معی این که ۱.۱.۲  |           |   |
| ۱۸۳        |   | امالی مسن | ۷ |
| ۱۸۳        | ب کن کچھوں کی گھومتی مقت طبیبی موج بریں ہے ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔  | ۷.۱       |   |
| ۱۸۴        | مشين كاسسر كاواور گھومتى امواخ پر تبقىسەرە  | 4.5       |   |
| ۲۸۱        | ے<br>کن کیچھوں مسییں امالی برقی دیاو  | ۷.۳       |   |
| ۲۸۱        | ے کن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان مسین پیپداامالی برقی دباو  | ۷.۴       |   |
| 1/9        | گھو متے لیچھوں کی گھومتے مقت اطبیعی دباد کی موج میں ۔   | ۷.۵       |   |
| 19+        | کھو متر کچھوں کے مباوی افتحہ ضی سے اکن کچھے<br>گھو متر کچھوں کے مباوی افتحہ ضی سے اکن کچھے  | ∠ ¥       |   |

| 199<br>199<br>۲•۵<br>۲•۵ | 2.2 امالی موثر کامپ اوی برقی دور<br>2.۸ مساوی برقی دور پرغور<br>9.2 امالی موثر کامپ اوی تھونن دوریاریاضی خمون<br>1.2 پنجب رہ نمپ اامالی موثر<br>1.2 بے بوجھ موثر اور حب امد موثر کے معیائن۔ |   |
|--------------------------|---|---|
| r•2                      | ۱.۱۱.۶ لې وچه موٹر کامعیائت ،   |   |
| r1m                      | یک سمت رومشین<br>۸.۱ میکانی سمت کار کی بنیادی کار کرد گل  | ٨ |
|                          | ۱.۱.۸ میکانی سمیت کار کی تفصیل ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۸.۱۰۱  |   |
| , 17<br>771<br>777       | ۸٫۲ یک سمت جنسریسٹ رکابر قی دباو  |   |
| 774                      | ۸٫۵ یک سمت مشین کی کار کر د گی کے خط  |   |
|                          | ۱.۵.۱ حساصل برقی د باد بالمقابل برقی یو جھ  |   |
| ۲۳۵                      | -رہنگ   | ن |

# دىساحپ

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وجب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تھت۔ مسیس سے کا اوجود پچھ نے مسئوری کو سکتا تھت۔ آحسر کارایک دن مسیس نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب وجود مسیس آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حساص کرنے والے طلب وطباب سے لئے نہسایت آسان اردومسیں کھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب مسین استعمال تکنشے کی الفاظ بی استعمال کئے حبائی۔ جہاں ایسے الفاظ موجود سنہ تھے وہاں روز مسرہ مسین استعمال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنشے کی اصطباعات کی چنائی کے وقت اسس بات کادبان رکھا گیا کہ ان کا استعمال دیگر مف مسین مسین مجمی مسکن ہو۔

کتاب مسین بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظام تعلیم کی نفسانی کتاب پڑھنے والے تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائج ہیں۔ یوں اردو مسین کتھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کتھی کتاب پڑھنے والے طلب وطالب حساس کے وصاحتے کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

یے کتاب Ubuntu استعمال کرتے ہوئے XeLatex مسیں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نستعلق مسیں ککھی گئی۔ یہ کتاب

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک دن حنالعت اردوزبان مسیں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعمال کی حبائے گی۔ اردوزبان مسیں السیٹریکل انجنیئرنگ کی مکسل نصاب کی طسر ف سے پہلا استدم ہے۔ اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار سش کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ صر زیادہ طلب وطب البات تک پہنچیانے

مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری برقب آئی پت khalidyousafzai@comsats.edu.pk

یر کریں۔مسیں ان کانہایت شکر گزار ہوں گا۔

مسین بہاں عبائشہ مناروق اور ان کے والد مناروق اعظم کا مشکریہ ادا کرناحپاہوں گا حب نہوں نے اسس کتاب کو بار بار پڑھ اور مجھے محب بور کرتے رہے کہ مسین اپنی اردو بہتر کروں۔ مسین ڈاکٹ نعمیان جعف ری کا نہیایہ مشکور ہوں حب نہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطباح کرنے مسین مدد کی۔ حسراحنان اور ان کی والدہ عسز رابرلاسس نے مسل کے کتاب کو درست کرنے مسین مدد کی۔ بہاں مسین اپنے شاگر دفیصل حنان کا بھی مشکریہ ادا کرناحپاہوں گا حب نہوں نے تکنیکی اصطباحات بینے مسین مدد کی۔

مسیں یہاں کامسیٹ یو نیور سٹی اور ہائز ایجو کیشن کمیشن کا سشکر سے ادا کرنا حپاہت اہوں جن کی وحب سے ایسی سسر گرمیاں ممسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كى 2011 كتوبر 2011

#### باب

# بنيادي حق ائق

اسس کتاب مسیں مستعمل حت کق کواسس باب مسیں انتھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔ توقع کی حباتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توحب رکھنازیادہ آسان ہوگا۔

#### ا.ا بنيادي اکائيان

اسس تناب سیں پیریخ الا قوامی نظام اکافی استعال کی آگیا ہے جس میں کیت اکا کی کلوگرام ،لب کی کا کائی میٹراور وقت کی اکائی سیکنڈے۔

### ۱.۲ غيرستي

وہ متغیبر جس کی متد ار (مطلق قیب ) اسس کو مکسل طور پر بیان کرتی ہو غیر سمتی سمتی سمتی متغیبر جس کی متد ار مطلق قیب  $a,b,\alpha,\cdots$  کی کھی نگریزی یالاطینی زبان کے چھوٹے حسرون لینی عنیبر کست متغیبر کو سادہ طسرز کی لکھی نگر مسیان گریزی یالاطینی زبان کے چھوٹے حسرون لینی جس کے طاہر کیا جائے ہے۔ یا بڑے حسرون لینی مسیاحیات ہے۔ یا بڑے حسرون لینی مسیاحیات ہے۔

#### سرا سمتيه

وہ متغیبہ جس کو مکسل طور پر بیان کرنے کے لئے اسس کی متبدار (طول یا مطسلق قیمیہ) اور سمیہ حبانت اخرور کی ہو، سمتی پہ کہا تا ہے۔ سمتیہ کوانگریز کی یالاطسینی زبان کے چھوٹے یابڑے حسرون، جن کوموٹے طسرز کی کھسائی مسیں کھسا گیا ہو، سے ظاہر کیا حبائے گا، مشالاً قوت کو **F**سے ظاہر کسیا حبائے گاریہاں مشکل اراسے رجوع کرنا بہتر ہوگار وہ سمتہ

International System Of Units, SI

mass

scalar

vector

ا بنيادي حسائق



مشکل ۱.۱: کارتیسی محید د

جس کاطول ایک کے برابر ہو، اگائی سمتیہ <sup>6</sup> ہسلائے گا۔ اس کتاب مسیں اکائی سمتیہ کو اگریزی زبان کے پہلے حسر نسک موٹے طسرز کی لکھنائی مسیں لکھنا حبائے گا، مشلاً اکائی سمتیہ موٹے عہد ہوری سمتیات کو ظاہر کرتے ہیں۔  $a_x$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ ,  $a_y$ ,  $a_z$ , a

#### ۳.۱ محدد

ایساط ریقہ جس کے ذریعہ کی نقطہ کامت متعین کیا حیا کے محدد کہا تاہے۔

حناء تین بعدی (تین طسرون) کی ایک نقط کے مقتام کو تین محدد کی مددسے ظاہر کسیاحبا سکتا ہے۔ ای طسرح حنااء مسیں سمتیہ کو تین عسودی اکائی سمتیوں کی مددسے کھیا حباسکتا ہے۔ اب ہم ایسے چند محدد کے نظام ویکھتے ہیں۔

#### ۱.۴.۱ کار تیسی محد دی نظام

سنکل ا. امسیں حناہ کی دوسستوں کو اکائی سمتیا ہے میں اور  $a_{\rm v}$  اللہ عنوری اللہ معتواجے کے خام مرکزاوں ہے۔ حنام تین بعب بالہ اللہ تین آپ مسیں عموری اکائی سمتیاہے کے خام کر کہا تا ہے۔

unit vector

three dimensional

orthonormal vectors2

۴.۱.محسد د



ان سستوں کے رخ، طول (لمب ائیوں) کو x,y,z طاہر کیا حب تا ہے۔ آی ان سے بخولی واقف ہیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوش، شہادے کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ 90° زاوی پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $a_{\mathrm{x}}$  اور بڑی انگل سمتیات کوٹ  $a_{\mathrm{z}}$  کے رخ ہوں تب انگوٹ  $a_{\mathrm{z}}$  کے رخ ہوگا (شکل ۱.۲)۔ ای لئے تین اکائی سمتیات کا ب نظام دائير ماتھ كا نظام "كهلاتاب-

مبداے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو شکل ۱۰ اسیں دکھایا گیا ہے جس کو کارتاہیم محدد استان سمتیات کی مددسے

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

يا

$$(I.r) A = xa_x + ya_y + za_z$$

کھے جباستا ہے۔ کار تیبی محددی نظام مسیں متغیبر z صفسر رکھتے ہوئے x,y شبدیل کرنے سے سطح xy ملتی ہے۔ یوں شکل ۱۰ سال معنی محددی نظام مسیں متغیبر z صفسر تا تین اور میں P(2,4,3) کے کر، سطح xy کوزمین تصور کرتے ہوئے، ڈیے کی بالائی سطح یر z=3جب کہ کی قیت صف رتا تین اور یں کی قیمت صف رتاحیار ہو گی۔ اسس طے رح اسس ڈیے کی بالائی سطح درج ذیل لکھی حبائے گی۔

متغیبر z کو صف راور تین کے در میان ہر ممکن قیمت پر رکھ کر x کو صف راور دوجب کہ y کو صف راور حیار کے در میان تبدیل کرنے سے مشکل ۱۳ امسیں و کھائے گئے ڈیے کا حجب حساصل ہو گا، لہندااس ڈیے کا حجب درج ذیل لکھا حبائے

> right handed coordinate system<sup>A</sup> cartesian coordinates

م بنيادي حتائق



شکل ۱۳.۱: کارتیسی محید د نظام مسین ایک سمتیه ـ

-16

(۱.۴) 
$$\zeta = \begin{cases} 0 < x < 2 \\ 0 < y < 4 \\ 0 < z < 3 \end{cases}$$

۱.۴.۲ نگی محد دی نظام

مبداے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو مشکل میں اسمیں دکھیایا گیا ہے جس کو دوسمتیات کی مدد ہے

(1,2) 
$$A=
ho+A_z$$

يا

(١.٢) 
$$A=
ho a_
ho+za_z$$
  $z=
ho\cos heta, \quad y=
ho\sin heta$   $y=\sin heta$ 

cylindrical coordinates .

۳. محبد د



مشکل ۱۰: نلکی محسد دی نظسام



شکل۵.۱: نککی نمپ امپ د کی تعسریف

ے اہلیۃ ادائیں ہاتھ کا انگوش ، شہباد سے کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دو سرے کے ساتھ  $90^\circ$  پررکھتے ہوئے اگر شہباد سے کی انگلی و میں و میں انگلی و میں و میں انگلی و میں و میں انگلی و میں انگلی و میں و میں انگلی و میں انگلی و میں و م

واضح رہے کہ نکلی محد دکے نظام مسین  $a_{
ho}$  اور  $a_{
ho}$  کی سمتین ہر نقط پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل ۲. امسین د کھایا گیا

مستوی xy مسیں (لیمی z=0 لیستے ہوئے) مبداپر مستقل رداسس  $\rho=\rho$  کے سمتیہ کو صف رزاوی پر رکھ کر زاوی ہستدر تانج z=0 تک بڑھانے ہے سمتیہ کی چوٹی مستوی z=0 مسیں ایک دائرہ پر حملتی ہے (شکل کہ ا)۔ السس سمتیہ کے متغلیر z=0 کو تبدیل کرنے ہے، مشلا ہر z=0 برج کو صف رتا تین کرنے ہے، سمتیہ ایک سکا ہر اگل میں ایک مسئول متغلیرہ تبدیل کرنے ہے تکلی کا حجم ملے گا۔ اگل تین گا۔ ای وحب ہے اسس نظام کو تکل محد د کہتے ہیں۔ سمتیہ کے تسینول متغلیرہ تبدیل کرنے ہے تکلی کا حجم ملے گا۔ اگل تین

باب البنيادي حتائق



سنگل ۱. ۱: نگی محب د مسین اکائی سمتیات  $a_
ho$  اور  $a_ heta$  بر نقط پر مختلف ہیں۔

(1.2) 
$$\delta \dot{\beta} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ z = 0 \end{cases}$$
(1.A) 
$$\dot{\xi} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < z < z_0 \end{cases}$$

سطح پر کھٹڑ ااکائی سمتیں سطح کارخ دیت ہے (مشکل ۱.۸)۔ چونکہ کسی بھی سطح کے دواطب رانب ہوتے ہیں المبیذ ااسس کے دوممن النب رخ بیان کیے حبا سکتے ہیں۔عب وماً مسئلہ کو مدر نظر رکھتے ہوئے ان مسیں سے ایک رخ کوسط کارخ تصور کیا حبا تاہے۔ البت بند شطح، مثلاً گیند، کے بیرونی رخ کوبی شطح کارخ تصور کیا جباتا ہے۔ شکل ۱۰ امسیں بالائی سطح  $A_1$  کار قب  $A_1$  کار قب اوراسس کارخ  $a_7$  ہوگا:  $A_1$  سمتیہ کاطول  $A_1$  اور رخ  $a_7$  ہوگا: ۵.ا.سمتیرتب



شکل ۱.۱: نلکی محید د مسین دائره اور نلکی



$$\begin{aligned} \mathbf{A}_1 &= A_1 \mathbf{a}_{A1} = w l \mathbf{a}_z \\ \mathbf{A}_2 &= A_2 \mathbf{a}_{A2} = w h \mathbf{a}_y \end{aligned}$$

بال\_ا. بنسادي حقسائق

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_z$$

یوں بالائی سطح کا سستی رقب درج ذیل ہو گا۔

$$(1.14) A_1 = A_1 a_{A1} = w l a_z$$

 $-a_{A2}$ ای طسرح دائیں سطح  $A_2$  سمتیہ کاطول  $A_2$  اور اسس کارخ

 $A_2 = wh$ 

 $a_{A2} = a_{\scriptscriptstyle \mathrm{V}}$ 

لہلنڈا درج ذیل ہو گا۔

$$\mathbf{A_2} = A_2 \mathbf{a_{A1}} = wh\mathbf{a_y}$$

نحپ کی سطح کار قب $A_3=wl$  اور اسس کار خa کے مختالف ہے لہندا درج ذیل ہوگا۔

$$(1.17) A_3 = A_3 a_{A3} = wl(-a_z) = -wla_z$$

دھیان رہے کہ رقب کی مقیدار ہر صورت مثبت ہو گیالبت اسس کارخ مثبت یا منفی ہوسکتا ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتیہ کے لئے درست ہے المبیذا کسی بھی سمتیہ کاطول ہر صورت مثبت ہی ہو گاجب کیہ اسس کارخ مثبت یا منفی ہو سکتا ہے۔

#### ۲.۱ رقب عبودی تراثس

سلاخ کی لمب اُن کے ساتھ زاوی سائٹ پر کٹائی کو عمودی تراش ایج ہیں اور عصودی تراش کے رقب کورقبر عمودی تراثیر "کتے ہیں۔ شکل ۹ امسیں سلاخ کی لمبائی aرخ ہے اور رقب عبودی تراثش A کی معتدار A

$$A = wh$$

لہندارقب عبمودی تراسش کارخ، ہوگا:

$$a_A=a_{_{\mathrm{V}}}$$

شکل ۹۔ امسیں اکائی سمتیا ہے ، اور ی م د کھائے گئے ہیں جن کے ابت دائی نقب طیر گول دائرہ مسیں بندایک نقطہ د کھایا گیا ہے۔ گول دائرہ مسیں بند نقطہ صفحہ کے عصودی (کتاب سے باہر)ر $a_{\mathrm{x}}$  ظاہر کر تاہے جس کے مخالف رخ ت سے ہو تھا ہیں۔ (صفحہ کے عبود کی اندر) کو گول دائرہ مسیں ہند صلیہ کی نشان سے ظہر کسا جسائے گا۔

cross section"

cross sectional area"



#### مشكل ۱:رقب عب مودي ترامش

## برقی اور مقت طیسی میدان

ا. ٤٠١ برقى مىيدان اور برقى مىيدان كى شدى

کولم ہے کے قانون سے تحت برقی بار سے لدے جسوں کے درمیان قوت کشش ہایا توت دفع ان ان اجسام پر بار کا کے حساس طرب کے راست مستناب اور باہمی من اصلہ کے مسر بح کے بالعکس مستناب ہوتی ہے۔ یوں بار  $q_1$  اور  $q_2$  جن کے درمیان مناصلہ q ہو کے گاتوت  $q_2$  درج ذیل ہوگا جباں  $q_3$  شابر قی مستقل ہے۔

(1.12) 
$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

ایک برقی بارے مت ریب دوسرابر قی بارلانے سے (پہلے اور) دوسرے برقی بار پر کشش یاد فع کی قوت عمسل کرے گی جس کا تعین مت نون کو لیب ہے ہو تا ہے۔ دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بارسے آہتہ آہتہ دور کرنے سے قوت کشش یاد فع بت مدرج کم ہوتی ہے جو ایک حناص من صلے کے بعد تقسریب صف مرہ وجب تا ہے۔ اور دوسرابار پہلے بارکے طق اثرے باہر ہوجب تا ہے۔ برقی میدان کی ایک باریا متعدد باروں کی وجب سے ہوسکتا ہے۔ تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب تعسرین اس کا برقی اثر محموس کیا جب سے ب

برقی میدان مسیں اکائی مثبت بار پر توت اس معتام پر **برقی میدان کی شدت**  $E^{(1)}$  کی مط<sup>ا</sup>ق قیمت ) دیگاجب اکائی بار پر توت کارخ برقی میدان کارخ برقی میدان کی شدت کی اکائی وولٹ فی میٹر T ہے۔

Coulomb's law "

electric charge<sup>ir</sup> attractive force<sup>ia</sup>

repulsive force

charge<sup>12</sup>

electric constant, electric permittivity

electric field intensity 19

 $V/m^{r}$ 

ابنيادي حسائق

Q وتانون کولب (مساوات ۱۰۱۵) ہے Q بار کے برقی میدان کی شدت کی مطابق تی ہے۔ حاصل کرتے ہیں۔ بار Q اور اکائی بار (ایک کولب بار) کے گاتو ہے۔ کشش یا تو ہے۔ دفع

$$F = \frac{Q \times 1}{4\pi \epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi \epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گا۔ یہی برقی میدان کی شد ہے کی مطلق قیمہ ہو گا:

(1.14) 
$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

دوباروں کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کارخ ان کے در میان کھینچی گئی سیدھی لکی رپر ہوگا۔

1.4.۲ مقناطیسی میدان اور مقن طیسی میدان کی شد س

مقناطیری میدان اور مقناطیری میدان کی شده ا<sup>۳</sup>بالت رتیب بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طسر تر ہیں۔ تعسریف: کمی مقت طیسس کے مقت طیسی میدان سے مسراد مقت طیسس کے اِردگر دوہ علق ہے جس مسین اسس کا مقت طیسی اثر محموسس کے سیا تاہو۔

۱.۸ سطی اور حجمی کثافت

۱.۸.۱ سطی کثافت

اکائی رقب کی سطح پر کسی چینز کی کل مت دار کو اسس چینز کی سطح پر ک**ٹا فت**  $^{"}$  کہتے ہیں۔ یوں رقب A پر کسی چینز کی کل مت دار  $\phi$  ہونے کی صورت میں اسس کی اوسط سطحی کثافت  $e_{12}$  ورخ ذیل ہوگی۔

$$(1.1A) B_{b \cdot j} = \frac{\phi}{A}$$

اسس مساوات سے

$$\phi = B_{\rm left} A$$

کھے جب سکتا ہے جو کسی سطح پر ایک متخصیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہونے کی صورت مسیں سطح پر متخصیرہ کی کل مقد دار دی ہے۔

magnetic field intensity

surface density rr

٩.١. حجمي کثافت

عنب یک ال متغیب رہ کی صورت مسیں سطحی کثافت جگہ جگاہ مختلف ہو گی۔ایکی صورت مسیں اتنے تچھوٹے رقبے پر ، جس مسیں متغیبر ہ کو یک ان تصور کسیا حب اسکتا ہو، سطحی کثافت

$$B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

ہو گی جہاں  $\Delta A$  چھوٹار قب اور  $\Phi$  اسس رقبے پر متغب رہ کی چھوٹی مقسد ارہے۔ اسس چھوٹے رقب کو نقط مانٹ د کرنے سے نقطی ثناف سے انقطی ثناف سے

(I.TI) 
$$B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

حاصل ہو گی جس کو

$$d\phi = B \, dA$$

بھی کھے حب سکتا ہے۔ یوں نقطی کثافت حب نتے ہوئے ایک نقطہ کے چھوٹے رقب پر متغیبرہ کی کل (چھوٹی)مت دار معلوم کی حب سکتی ہے۔

. یوں ایک برقی تارجس کارقب عب ودی تراسش A اور جس مسین برقی رو I کی اوسط کثافت برقی رو درج ذیل ہو گی۔

(I.rr) 
$$\rho_{\text{lost}} = \frac{I}{A}$$

#### ۱.۹ محجمی کثافت

اکائی تحب مسین کسی چینز کی کل مت دار کواسس چینز کی مج<mark>م کی فق ک</mark>یتے ہیں۔ یوں اگر کسی چینز کا تحب H اور اسس کی کمیت 17 ہوتی اسس کی اوسط (کمسیق) مجمی کثافت درج ذیل ہو گا۔

(i.tr) 
$$\rho_{{\scriptscriptstyle \mathbb{L}},{\scriptscriptstyle \parallel}} = \frac{m}{H}$$

غیسر یکساں کیت کی صورت مسیں حجب مسیں مختلف معتامات پر کیت مختلف ہوگا۔ ایک صورت مسیں اتنا چھوٹا حجب کسیتے ہوئے جس مسیں کیت کو یکساں تصور کسیاحباسکتا ہو، حجمی کثافت درج ذیل ہوگا۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta H}$$

اسس چھوٹے حجب کو نقطہ مانٹ رہنانے سے درج ذیل نقطی محجی کثافت کھی حب سکتی ہے۔

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}H}$$

يوں

$$\mathrm{d}m=\rho\,\mathrm{d}H$$

ہو گالہٰذانقطی حجی کثافت حبانتے ہوئے ایک چھوٹے حجہ کی (چھوٹی) کیت سامسل کی حباستی ہے۔

ابنيادي حقائق

#### ١.١٠ صليبي ضرب اور ضرب نقط

دو غیسر سمتی متغیسرات کا حساصل ضرب عنیسر سمتی متغیسر ہوتا ہے جبکہ دو سمتیات کا حساصل ضرب سمتی یا عنیسر سمتی ہوتا ہے۔ حساس کا در سامتی اللہ عنیسر سمتی ہو سکتا ہے۔ ان دواقب کے ضرب پر ہیساں غور کیا حیائے گا۔

ا.۱۰.۱ صليبي ضرب

دو سمتی متغییرات کاایسا ضرب جو سمتی متغییر دیت ابو صلیبی صرب ۲۴ کہا تااور درج ذیل کھے حباتا ہے۔

(I,TA) 
$$oldsymbol{C} = oldsymbol{A} imes oldsymbol{B}$$

صلیبی ضرب مسیں ضرب کے نشان کو صلیب کی عسلامت سے ظلام کیا حباتا ہے جس کی بنااسس کو صلیبی ضرب کتے ہیں۔ C کی متدار

(1.79) 
$$C = |\pmb{C}| = |\pmb{A}||\pmb{B}|\sin\theta_{AB}$$
 
$$= AB\sin\theta_{AB}$$

ہے جہاں  $\theta_{AB}$  ان کے مابین زاویہ ہے۔ اسس حساس سمتیہ کی سمہ دائیں ہاتھ کے مت نون سے حساس کی حباتی ہے۔ ایس دائیں ہاتھ کا آگو تھا، شہادت کی انگل اور بڑی انگل کو ایک دو سرے کے ساتھ  $90^\circ$  زاویہ پررکھتے ہوئے، شہادت کی انگل کو سمتیہ A اور بڑی انگل کو سمتیہ A اور بڑی انگل کو سمتیہ A اور بڑی انگل کو سمتیہ کے ساسس کریں۔ مثال اور از میں ضرب صلیبی حساسس کریں۔

- $oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Y}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{X}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathrm{Z}}$
- $oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{Y}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} = oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} imes oldsymbol{a}_{\scriptscriptstyle \mathsf{P}} im$

حسل:اسس مثال مسیں سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کاطول ایک کے برابر ہو تاہے المبنذ ادرج ذیل ہوں گے۔

- $oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = oldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$  •
- $oldsymbol{a}_{ ext{y}} imes oldsymbol{a}_{ ext{z}} = (1)(1)\sin 90 oldsymbol{a}_{ ext{x}} = oldsymbol{a}_{ ext{x}}$  .
- $oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} = (1)(1)\sin 90 oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$  .
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$  .
- $oldsymbol{a}_{\mathrm{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90(-oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) = -oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$  .
- چونکہ دونوں سمتیات کے رخ ایک جیسے ہیں البنداان کے مابین زاویہ صنب رہوگا۔ صنب زاویہ کا سائن بھی صنب رہوگا۔  $\sin 0 = 0$  ہوتا ہے،  $\sin 0 = 0$  ہوتا ہے،  $a_{\rm v} \times a_{\rm v} = (1)(1)\sin 0 = 0$

cross product

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1) \sin 90 \boldsymbol{a}_{z} = \boldsymbol{a}_{z}$$

$$\boldsymbol{a}_{z} \times \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1) \sin 90 \boldsymbol{a}_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta}$$
.

مثال ۱۰: سنگل ۱۰: سنگل ۱۰: سین حیار نیوٹن کی قوت F مورے تین میٹر کی سمتی مناصلہ L پر لاگو ہے جس کی تفصیل سنگل مسین دی گئی ہے۔ اسس قوت کی قوت مسروڑ حیاصل کریں۔ حسل: قوت مسروڑ T کی تعسریف درج ذیل ہے۔

(1.5%) 
$$T = L imes F$$

كارتيسى نظام مسين بيه مستى مناصله

$$(1.71) L = L \sin \theta a_{x} - L \cos \theta a_{y}$$

ہو گالہلنڈا

$$\begin{aligned} \boldsymbol{T} &= \left(L\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} - L\cos\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}\right) \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \\ &= L\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} - L\cos\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \times F\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \\ &= LF\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} \end{aligned}$$

يوگاجيان پچين مثال کي مدرے يوں درج زيل ہوگام $m{a}_{
m x} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$  اور  $m{a}_{
m y} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$  اور  $m{a}_{
m y} imes m{a}_{
m z} = m{b}$  اور  $m{a}_{
m z} imes m{b}$ 

$$T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{z}$$
$$= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{z}$$

یمی جواب ضرب صلیبی کی تعسریف یعنی مساوات ۲۹. ااور دائیں ہاتھ کے متانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حساصل ہوتا ہے۔

۱.۱۰.۲ نقطی ضر \_\_\_

دوستی متغیبرات کاایساحساسل ضرب جو غیبرستی متغیبر ہو فقط ضرب ۴۴ کہا تا ہے جو درج ذیل کھساحباتا ہے۔

(I,mr) 
$$C = A \cdot B$$

dot product

ابنادي حت أق



مشكل ١٠.١: كارتيسى نظام مسين قوي مسرورٌ كاحسل

نقطی ضرب مسیں ضرب کے نشان کو نقط۔ کی عسلامت سے ظلامر کییا حباتا ہے جس کی بن پر اسس کا نام نقطی ضرب ہے۔ نقطی ضرب کی مقتدار درج ذیل ہو گ

(I.TT) 
$$egin{aligned} oldsymbol{C} &= oldsymbol{A} \cdot oldsymbol{B} \ &= |oldsymbol{A}||oldsymbol{B}|\cos heta_{AB} \ &= AB\cos heta_{AB} \end{aligned}$$

جہاں $\theta_{AB}$ ان سمتیات کے نگراوے ہے۔ مثال  $\eta_{AB}$ ان سمتیات مثال ہے۔ مثال مثال کریں۔

$$oldsymbol{a}_{\mathrm{x}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \quad oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \quad oldsymbol{a}_{\mathrm{z}}\cdotoldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 .

$$oldsymbol{a}_{ ext{x}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{y}}\quadoldsymbol{a}_{ ext{y}}\cdotoldsymbol{a}_{ ext{z}}\quadoldsymbol{a}_{
ho}\cdotoldsymbol{a}_{
ho}\cdotoldsymbol{a}_{
ho}\quadoldsymbol{a}_{
ho}\cdotoldsymbol{a}_{ heta}$$

حسل:اسس مثال مسین سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کاطول ایک (1) کے برابر ہو تاہے:

$$a_{x} \cdot a_{x} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{v} \cdot a_{v} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_z \cdot a_z = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{x} \cdot a_{y} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$\mathbf{a}_{v} \cdot \mathbf{a}_{z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$a_{\rho} \cdot a_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
.

$$a_{\rho} \cdot a_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
.

مثال ۱۰.۱: سشکل ۱۱.۱ مسیں قوت F ایک بوجھ کو دھکیل رہی ہے۔ سمتی مناصلہ L ہے کرنے پر قوت کتناکام کر حسکی ہوگی۔



مشكل اا.ا: كارتيسي نظام مسين كام

نسل: کام W کی تعسریف درج ذیل ہے۔

$$(1.77) W = F \cdot L$$

كارتيسى نظبام مسين سستى من اصله

(1.5%) 
$$oldsymbol{L} = L\cos heta oldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + L\sin heta oldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$$

ہو گا۔ یوں درج ذیل ہو گا

$$\begin{split} W &= (F \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) \cdot (L \cos \theta \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + L \sin \theta \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) \\ &= F L \cos \theta (\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) + F L \sin \theta (\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}) \\ &= F L \cos \theta \end{split}$$

 $a_{
m x}\cdot a_{
m y}=0$  جہاں کچھ مثال کی مدوے  $a_{
m x}\cdot a_{
m x}=0$  اور  $a_{
m x}\cdot a_{
m y}=0$  اور  $a_{
m x}\cdot a_{
m y}=0$  اور  $a_{
m x}\cdot a_{
m y}=0$  مے اور  $a_{
m x}\cdot a_{
m y}=0$  مے اور  $a_{
m x}\cdot a_{
m y}=0$  مے اور  $a_{
m y}\cdot a_{
m y}=0$  میں اور

اا.ا تفسرق اور حبزوی تفسرق

مساوات  $B_0$  ایک متقل ہے، جب مساوات  $B_0$  ایک متقل ہے، جب مساوات  $B_0$  ایک متقل ہے، جب مساوات  $B_0$  ایک تفاعل کا **بروی تفرق**  $B_0$  دیا گیا ہے۔  $B_0$  ایک تفاعل کا **بروی تفرق**  $B_0$  دیا گیا ہے۔

(1.172) 
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta \\ \frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x}\,\mathrm{d}x + \frac{\partial W}{\partial \lambda}\,\mathrm{d}\lambda$$

differentiation ra

ابنيادي حسائق

اا.ا خطی تکمل

 $B(\theta)$  موج  $B(\theta)$  موج  $B(\theta)$  موج کا ایست ایک تف عسل  $B(\theta)$  دیا گیا ہے جے شکل ۱۲. امسیں دکھیایا گیا ہے۔ اسس کا طولِ موج کا  $2\pi$ 

$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

 $-\pi/2< heta$  ہیں۔  $\pi/2< heta$  کی اوسط قیمت تلاشش کرتے ہیں۔

$$B_{\rm log} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

ای طب رح ہم $B^2$  کی اورط تلاکش کرتے ہیں۔  $-\pi/2 < heta < \pi/2$  کی اورط تلاکش کرتے ہیں۔

$$\begin{split} B_{\mbox{\tiny{$L$-$}},\mbox{\tiny{$I$}}}^2 &= \frac{B_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^2\theta \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{B_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{B_0^2}{2} \end{split}$$

ت علی مور  $^{1/2}$  قیمت کہا اور جے ہوڑ B کھی اور جے ہوڑ B تیمت کہا تی ہور B کھی اور جے ہوڑ B کھی جہاتا ہے۔

(1.77) 
$$B_{\dot{r}r} = \sqrt{B_{\mathbf{k}r^{\dagger}}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

ے ایک بہت اہم نتیب ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا حیاہے۔ یہ مساوات ہر سائن نمسا تفاعسل کے لئے درست ہے۔ کی بھی متنصیرہ کے مسرع کی اوسط کاحبذراس متنعیسرہ کی موثر ۲۹ قیمت کہااتی ہے۔

# ۱.۱۳ سطحی تکمل

فن رض کریں شکل ۱۳ امسیں نگی کے بیب رونی شطی پر شطی گافت ، B ، کی قیمت مساوات ۱۳۹ اوبی ہے۔ ہم آو سے بیب رونی سطی خازوی  $-\pi/2$  سے بیل معتدار موسلوم کرتے ہیں۔ اس سطے مسیں نگی کے سر شامسل نہیں ہیں۔ سلط میں ملک کے سیر وفی سطی پر خطے abcd کے بیل جس کی چوڑائی  $\Phi \triangle \rho$  ، لمب اُل اور رقب  $\Phi \triangle \rho$  و نہیا ہے کہ کرتے ہوئی رف سطے میں معتدار محوری لمب اُل کے سیر وفی سے مسل ہوگا۔ اسس سطی پر  $\Phi$  کی معتدار محوری لمب اُل کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی ہے۔ سطے میں معتدار محوری لمب اُل کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی ہے۔ سطے میں طرح کل موری رفیل ہوگا۔

wavelength<sup>r2</sup>

rms, root mean square

effective<sup>r9</sup>

۱۲.۱۰ سطى تكمل





شکل ۱۳. ا: نککی کی بسیرونی سطح پر متغیب ره کا تکمل کل مقت دار دے گی۔

ابنيادي حتائق



شکل ۱۰: دوری سمتیه

$$\begin{split} \phi &= \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \mathrm{d}\phi = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} (B_0 \cos\theta) (\rho l \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = 2 B_0 l \rho \end{split}$$

ساوات $\pi$ امیں نحپلاحہ  $(-\pi/2-lpha)$ اور بالائی کاحبہ  $(\pi/2-lpha)$  ایسے سے درن ذیل حساسل ہوگا۔

$$\phi(\alpha)=B_0l\rho\int_{-\frac{\pi}{2}-\alpha}^{\frac{\pi}{2}-\alpha}\cos\theta\,\mathrm{d}\theta=2B_0l\rho\cos\alpha$$

نگل کے ہیں دونی نصف سطح پر  $\phi(\alpha)$  کی عصوی قیت میاوات ۱۳۳۰ و پی جو  $\alpha$  پر مخصص ہے۔ یہ ایک ہمیت اہم میاوات ۱۳۳۰ میل وات سم ۱۳۳۰ میں  $\alpha=0$  میاوات سم ۱۳۳۰ میل میل وات سم ۱۳۳۰ میل کرنے سے میاوات سے

۱.۱۶ دوری سمتسه

$$^{r.}$$
 این نمی اموان جن کی تعب در معین ہو کو دوری سمتیہ سے ظبیر کرنامفید ثابت ہو تا ہے۔ میں اور سے لولر معنی میں نمی نمی معین ہو کا جن معین ہو کی کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن کا جن معین ہو کا جن ہو کا جن کا جن معین ہو کا جن کے کا جن معین ہو کا جن کے کا جن کی کے کا جن کے کا جن کے

کی مد د سے کو سائن موج درج ذیل لکھی حب سستی ہے۔

$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left( e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

Euler's equation --

۱۹ دوری سمتیه

اسس ہے ثابت ہوتا ہے کہ کوب ئن موج دراصس کا دو محضوط اعبداد کا محببوع ہے۔ مساوات یولر ایک محضوط عبد د کو ظلیم کرتا ہے جس کے دو حب زوبیں۔ اسس کا ایک حب زو حقیقی عبد د ہے اور اسس کا دو سراحب زوبین عبد د کو ظلیم کرتا ہے۔ السیما ایک محضوط میں موج کو طلیم کرتا ہے۔ السیما ایک کوب اُن موج کو طلیم کرتا ہے۔ السیما ایک کوب اُن موج کو محضول کو محضول کو محضول کو محضول کے مصابح میں موج کو محضول کو محضول کی محضول کے محضول کی م

اسس کتاب مسیں دوری سمتیات کو سیادہ طسر زلکھیائی مسیں انگریزی کے بڑے حسرون جن پر ٹوپی کانشان ہوسے ظلم کسیاحیائے گا، یعنی  $\hat{I}$  ,  $\hat{V}$  وغیبرہ اور ان کے طول کو بغیبر ٹوپی کے نشان کے ای حسر نسب سے ظلم کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول بر کسیاحیائے گا۔ یول کو درج زیل درست ہوگا۔

$$v=20\cos\left(\omega t+\frac{\pi}{3}\right)$$
 
$$\hat{V}=20e^{j\frac{\pi}{3}}$$
 
$$\hat{V}=20/\frac{\pi}{3}$$
 
$$V=20$$

> phasor<sup>r</sup>i leading angle<sup>r</sup>r lagging angle<sup>r</sup>r phase difference<sup>r</sup>r power factor angle<sup>r</sup>r

lagging power factor<sup>r</sup><sup>2</sup> leading power factor<sup>r</sup><sup>4</sup>

باب البنسادي حتائق



$$Z = R + jX$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\phi_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i(t) = \frac{V_0}{|Z|} \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$= I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

-1دور کاحسار کا مدد سے RL دور کاحسار کے مدد سے RL

آئیں دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے ایک سادہ برقی دور حسل کرتے ہیں۔ یوں دوری سمتیات سے وابستگی پیدا ہوگی اور ان کا استعال بھی سیکھ لیں گے۔ شکل ۱۵۔ اایک سادہ R - L پکے دور کی ۲۹ برقی دور ہے جسس پر درج ذیل دباولا گو کسیا حب تا ہے۔

(1.71) 
$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha) \label{eq:vt}$$
 
$$\hat{V} = V_0 \underline{/\alpha}$$

دوری سمتیات کی استعال سے ہم برقی رو  $\hat{I}$  معسلوم کرتے ہیں

$$\begin{split} \hat{I} &= \frac{\hat{V}}{R+jX} = \frac{V_0 \underline{/\alpha}}{|Z| \underline{/\phi_Z}} \\ &= \frac{V_0}{|Z|} \underline{/\alpha - \phi_Z} = I_0 \underline{/\alpha - \phi_Z} \end{split}$$

جبان  $I_0=rac{V_0}{|Z|}$  بین برقی رودرج ذیل ہوگا۔ جبان  $\phi_Z= an^{-1}rac{X}{B}$ 

(1.4.) 
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

اس دور مسیں **تا خیر ک**ے زاویہ ہے۔

#### ٢\_\_

# مقن طیسی ادوار

# ۲.۱ مسزاحمت اور چکچیاهٹ

شکل ا. ۲مسیں ایک ساخ دکھائی گئے ہے جس کی لمب تی کے رخ مزاحمہا

$$(\mathbf{r}_{.}\mathbf{l})$$
 
$$R = \frac{l}{\sigma A}$$

 $\mu$ ری جہاں  $\sigma$  موصلیتے 'اور M = wh اور A = wh متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ متقاطیہ سے متقاطیہ متقاطیہ سے متقاطیہ متعاطیہ متعا

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$



شکل ۲: مسزاحمت اور نککپاہٹ

resistance conductivity

reluctance

permeability, magnetic constant

۲۲ مقت طبیسی ادوار

مقت طیسی متقل 
$$\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,\frac{\mathrm{H}}{\mathrm{m}}$$
مقت طیسی متقل  $\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,\mathrm{H}$  مقت طیسی متقل  $\mu=\mu_r\mu_0$ 

جباں  $\mu_r$  جباں کا فالی ایم پیٹر – پکر فی و بیر ہے جس کی وضاحت حباد کی حبائے گا۔  $\mu_r$  جباں  $\mu_r$  عالی معتقل کہ ہاتا ہے۔ پکی پاسٹ معالوم کریں جباں  $\mu_r$  عالی اللہ علی معالی معالی معالی معالی معالی اللہ علی اللہ علی اللہ علی معالی م

$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,052\,\mathrm{A}\cdot\mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

#### ۲.۲ کثافت برقی رواور برقی میدان کی شد ت

v الگوکیا v الگوکیا v الگوکیا v الگوکیا کے سروں پربرتی دباو v الگوکیا گیا v الگوکیا کے سازہ میں برقی روv الوہم کے متانون v ک

$$i=rac{v}{R}$$

درج بالامساوات كومساوات ٢٠١ كي مددس

$$i=v\left(rac{\sigma A}{l}
ight)$$

لعيني

$$rac{i}{A} = \sigma\left(rac{v}{l}
ight)$$

يا

$$J = \sigma E$$

\_\_\_\_\_

Ohm's law

۲۳. برقی ادوار



شکل۲.۲ کثافت برقی رواور برقی دباو کی شد \_\_\_

کھے حاسکتا ہے جب ال J اور E کی تعسر یہنے درج ذیل ہیں۔

$$J = \frac{i}{A}$$

$$E=rac{v}{I}$$

شکل ۲.۲ مسیں سمتی J کی مطاق قیمت J اور سمتی E کی مطاق قیمت E کی مطاق قیمت E کو درج ذیل کھیاجہا سکتا ہے

$$oldsymbol{J}=\sigma oldsymbol{E}$$

جو متانون او ہم کی دو سسری روپ ہے۔ J اور E دونوں کارخ  $a_{
m y}$  ہے۔

سشکل ۲.۲ ہے ظبہر ہے کہ برقی روز سلاخ کے رقب عضودی تراسش A سے گزرتا ہے الهذامساوات ۲.۸ کے تحت کی گرتا ہے الهذامساوات ۲.۸ کے تحت کی گرتا ہے الهذامساوات ۴.۸ کے وقع کے کہ عمیدالن کی فیصلے کی تحت ہیں۔

میدالن کی شدھ کیا جب ال مستن سے مقت طیبی مسیدان واضح ہو) مختصر آمیدانی شدھ کہتے ہیں۔

مالکل ای طسرح کی مساواتیں مقت طیبی مشغب رات کے لئے حصد ۲.۵ مسین کھی جب بکی گی۔

#### ۲.۳ برقی ادوار

current density

electric field intensity2

electric voltage<sup>^</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>بر تی د باوکی اکائی وولٹ ہے جو اٹلی کے البانڈرووولٹ کے نام ہے حب نہوں نے بر تی ہیسٹری ایجباد کی۔

electric current

<sup>&</sup>quot; برقن رو کی اکائی ایم پیئر ہے جو نسنسر انسس کے انڈرِ مسیسر ایم پیئر کے نام ہے جن کابر تی ومقت طبیحی مسید ان مسین اہم کر دار ہے۔ " copper

۲۲ مقت طیسی ادوار



شکل ۲.۳٪ برقی ادوار مسین برقی تارکی مسزاحت کونظ سرانداز کسیاحباسکتاہے۔

 $\Delta v = i R_{\rm J}$  مسنزا تھیں ہوگا۔ تار مسیں برقی روز گزرنے سے تار کے سروں کے بی بی قرباو بار ہوگا۔ تار مسیں برقی دباوے گھٹا و کورد کی جب سکتا ہے۔ یوں تانبے کی تار مسیں برقی دباوے گھٹا و کورد کی حب سکتا ہے۔ یعن ہم و  $\Delta v \to \Delta v \to 0$  کے سکتے ہیں۔

'شتکل ۲.۳ الف مسین ایک ایسا ہی برقی دور د کھسایا گیاہے جس مسین تانے کی تار کی مسنزاحمت کو انتظم کر کے ایک ہی جگٹ ہی R د کھساماک ہے۔انس دور کے لئے درج ذیل ککھسا حساسکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}_{\cdot \cdot \mathbf{l}}) \qquad \qquad v = \Delta v + v_{L}$$

 $\Delta v$ تارمیں برقی گھٹاو $\Delta v$ نظے رانداز کرتے ہوئے

$$(\mathbf{r}.\mathbf{ir})$$
  $v = v_L$ 

حساصیل ہوتا ہے۔اسس کامطلب ہوا کہ تار مسین برقی دباد کا گھٹاہ وتابل نظر رانداز ہونے کی صور سے مسین لاگو برقی دباہ جو ل کا توں مسزاح سے ہوئے تار مسین برقی ادوار حسل کرتے ہوئے بھی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار مسین برقی دباہ کے گھٹاہ کو نظر انداز کسیا حباتا ہے۔ شکل ۲۰۳-الف مسین ایسا کرنے سے مشکل ۲۰۳-ب حساصل ہوتا ہے۔ یہاں سے مسجھ لین ضروری ہے کہ برقی تار کو اسس عضرض سے استعال کسیاحہا تاہے کہ لاگو برقی دباہ کو معتام استعال تک بغیب

شکل ۲.۳ مسیں دوسے مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برقی رواسس راہ زیادہ ہو گا جسس کی مسزاحت کم ہو۔ یو ل $R_1 < R_2$  یو ل $R_2 < R_1$ 

### ۲.۴ مقن طیسی دور حصبه اول

مقت طیسی ادوار بالکل برتی ادوار کی طسر G ہوتے ہیں۔ بس ان مسیں برقی دباو v کی جگہ مقناطیسی دباو $\pi$  ، برقی روi کی جگہ مقناطیسی بہاو $\pi$  اور مسزاحت R کی جگہ بہا  $\pi$  کی جگہ بہا  $\pi$  بہا ہے جہا ہے ہیں۔ یوں بالکل برتی ادوار کی طسر  $\pi$  مقناطیسی دوار

<sup>&</sup>quot;امسنزامیت کیاکائیاوہم ہے جو حب رمنی کے حباریٰ سے نئمن اوہم کے نام ہے حب نہوں نے مت انونِ اوہم دریافت کیا۔ پیر

nagnetomotive force, mmf"

flux<sup>12</sup>

reluctance"

۲۸. مقت طبیبی دور حصیه اول



#### شکل ۲.۴ کم مسزا حمستی راه مسین برقی رو کی مقب دار زیاده هو گی۔



شکل۲.۵:مقن طیسی دور

بنائے حبا سے ہیں۔ ایسا ایک مقن طیبی دور سشکل ۲۰۰ الف میں دکھیایا گیا ہے۔ یہاں بھی کو سشش یمی ہے کہ مقن طیبی راہ کی کہ مقن طیبی راہ کی کہ مقن طیبی راہ کی جم مقن طیبی راہ کی جم مقن طیبی دراو  $\pi$  بھی ہے۔ یوں  $\pi$  و تبایل نظر انداز ہونے کی صورت میں شکل ۲۰۵۔ سے مصل ہوگا جس میں مقن طیبی بہادہ، بالکل اوہم کے وت انون کی طرح رہ درج ذیل مساوات سے حساسل ہوگا۔

$$au = \phi \Re_a$$

 $\Re_s$  جہاں  $\Re_c$  و تابل نظر رانداز ہو وہاں، سلملہ وار مسزاحمستوں کی طسر ت، دو سلملہ وار بھچکپاہٹوں کا محبسو تی بھچپ ہے  $\Re_c$  استغال کر کے برقی ہیسا و حب صسل ہوگا۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

$$au = \phi \Re_s$$

برقی دورکی طسرح، مقت طیسی دباو کو کم پنگی ہے۔ کی راہ استعال کرتے ہوئے معتام ضرورت تک پہنچیایا حباتا ہے۔ مصاوات ۲۰۲ کے تحت پنگی ہبنری فی مسئل سے معت طیسی مستقل کی اکائی بہنری فی مسئر مسئل سے اور  $\mu$  کا کہ بہنری فی مسئر کے برابر ہے اور  $\mu$  کو جو وہوں میں مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو جو اور  $\mu$  کو مسئول کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کا کہ مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کا کہ برابر ہے اور  $\mu$  کو مسئل کے برابر ہے اور  $\mu$  کے برابر ہے برابر

۲۷ مقت طبیسی ادوار



شکل ۲.۶: کثافت مقت طیسی بهاواور مقت طیسی میدان کی شد ۔۔

مقناطیسی مستقال  $^{21}$  کتے ہیں۔ لوہا، کچھ دھ تیں اور چند حبد ید مصنوعی مواد اسی ہیں جن کی  $\mu$  کی قیمت 2000 اور 80 000 کے گاپائی حب تیں۔ مقناطیسی مواد کو استعال کیا حب تا ہیں۔ مقناطیسی دباو کو ایک مصام سے دو سسری مصام منتقل کرنے کے لئے ان ہی مقناطیسی مواد کو استعال کیا حب تا ہوت ہے۔

بر فتمتی سے مقناطیسی مواد کے  $\mu$  کی قیمت اتنی زیادہ نہیں ہوتی ہے کہ ان سے بنی سلاخ کی آگھی ہوئے ہوئے ہر موقع پر و تبائل نظر از ہو۔ مساوات ۲.۲ کے تحت آگھی ہوئے ہے کہ کم کرنے کی حناط سررقب عصود کی تراش کو زیادہ اور لیسان کو کم سے کم کرنا ہوگا۔ یوں مقناطیسی دباو منتقل کرنے کے لئے باریک تار نہیں بلکہ حناصانیادہ رقب عصود کی تراشس کا مقناطیسی درا کار ہوتا ہے۔

مقن طیسی مشین، مشال موٹر اور ٹرانسفار مسر، کا بیشتر حصہ مقن طیسی دباو متقت ل کرنے والے ان مقن طیسی مواد پر مشتل موت ہوتا ہے۔ ایسے مشینوں کے قلب مسین عصوماً یمی مقت طیسی مادوپایا جباتا ہے لہذا ایس مواد مقتاطیسی قالب ۱۸ کہ اتا ہے۔ (شکل ۲۰۱۷)۔

برقی مشینوں مسین مستعمل مقت طیسی مت الب لوہ کی باریک حیادریا پست ری ۱۳ ہے۔ در تہدر کھ کر بن ایا حباتا ہے۔ مقت طیسی مت الب کے بارے مسین مستعمل مقت طیسی مت خیامات حصر ۲۰۸ مسین منداہم کی جبائے گی۔

## ۲.۵ کثافی مقن طیسی بہاواور مقن طیسی میدان کی شد ہے

حسب ۲.۲ مسیں برقی دور کی مشال دی گئی۔ یہب ں مشکل ۲.۲ مسیں دکھنے گئے مقن طیسی دور پر غور کرتے ہیں۔ مقن طیسی و تالب کا  $\mu_r = \infty$  مقت ہیں۔ یول متالب کا  $m_r = \infty$  مقت ہیں۔ یول متالب کی نگاجی اہم میں مقت طیسی و تالب کو مقت طیسی و باو  $\pi$  ایک تار کی طسر ح یہب ں مقت طیسی و تالب کو مقت طیسی و باو  $\pi$  ایک مقت میں مقت طیسی و باو کو حضلائی درز کی نگاجی اہم ہے۔ یہب ال کے استعمال کرتے ہوئے کل نگاجی اہم ہے۔ یہب ال کے استعمال کرتے ہوئے کل نگاجی اہم ہے کو حضالائی درز کی نگاجی ہوئے کر ابر تصور کر جب ساسکتا ہے:

relative permeability, relative magnetic constant12

magnetic core'

laminations

$$\Re_a = rac{l_a}{\mu_0 A_a}$$

 $l_a \ll b$ خنلائی درزکی لمب نگی  $l_a$ ا است کے رقب عصودی تراشش کے اضلائ کا اور wے بہت کم ہونے کی صورت، لین کا اور w اور w کی ابر تصور a کی مسیل حضائی درز کے رقب عصودی تراشس a کو صالب کے رقب عصودی تراشوں کے برابر تصور کسیاحیا ۔

$$(r.12) A_a = A_c = wb$$

اسس کتاب مسیں جب ل بت لایان سیایا ہو وہاں  $l_a\ll b$  اور  $w\gg l_a=A_c$  تصور کرتے ہوئے  $A_a=A_c$  لیاحب نے گا۔ مقت طبیعی دباو au کی تعسر یف درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

$$(r.in)$$
  $au = Ni$ 

یوں برقی تارے حپکر ضرب تارمسیں برقی رو کومقت طیسی دباو کہتے ہیں۔مقت طیسی دباو کی اکائی **ایمپی**یئر - چ**کر ۲۰ ہے۔ حسہ ۲۰۲** کی طسسر<sup>ح</sup> ہم مساوات۔ ۲۰۱۵ کویوں ککھ سکتے ہیں۔

$$\phi_a=rac{ au}{\Re_a}$$

مقت طیسی ہیساو کی اکائی  $^{17}$ ور بھی پہنے کی اکائی **ایمپیئے۔ چکر فی ویبر** $^{17}$  ہے۔ اسس سلسلہ وار دور کے حنائی درز مسیں مقت طیسی ہیساو  $^{}$  و ایک دوسسرے کے برابر ہول گے۔ درج بالا مساوات کو مساوات  $^{}$  کی مدد ہے

$$\phi_a = \tau \left( \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

يا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

کھے ہیں جہاں درزکی نشاند ہی زیر نوشت مسیں a ککھ کر کی گئی ہے۔ اس مساوات مسیں ہائیں ہتو مقت طیسی بہاوی کا گئی ہے۔ اس مساوات میں ہیں ہائی ہو مقتاطیسی میدال کی شدھ  $H_a$  کھا جب کا گئی رقب کو مقتاطیسی میدال کی شدھ  $H_a$  کھا جب سکتا ہے:

$$(r.ri) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

(r.rr) 
$$H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

ampere-turn"

Weber'

rr \_\_ اکائی حب منی کے ولیم اڈورڈ ویب رکے نام ہے جن کابر تی ومقت طیسی میدان مسیں اہم کر دار رہاہے

ampere-turn per weber  $^{rr}$ 

magnetic flux density rr

magnetic field intensity ra

۲۸ بایست اووار

کثان<u>ہ ۔</u> مقناطیسی بہاو کی اکائی **و بیر فی مربع میٹر**ہے جس کو ٹسلا<sup>ہ ہ</sup> کانام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شدہ کی اکائی **ایمپیئر** فی میٹر<sup>2</sup> ہے۔ یوں مساوات ۲۰۲۰ کو درج ذیل کھ حب سکتا ہے۔

$$(r.rr) B_a = \mu_0 H_a$$

سشکل ۲.۱ مسیں متنائی درز مسیں مقناطیسی بہب و کارخ اکائی سمتیہ  $a_z$  کا محنالف ہے لہنے اکثافت ِ مقناطیسی بہب و کارخ اکائی سمتیہ  $a_z$  کا محنالف رخ دباوڈال رہاہے  $B_a=-B_a$  کلھی جب اور کا مقناطیسی دباو کی شد سے  $H_a=-H_a$  کلھی جب کے گی۔ اسس طسرح درج بالامسا وات کو درج ذیل سستی رویہ مسیں کلھی جب سکتا ہے۔ رویہ مسیں کلھی جب کا مسلم کی مصلح باسکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $B_{m{a}}=\mu_0m{H}_{m{a}}$ 

خناء کی جگہ کوئی دو سرامادہ ہونے کی صورت میں ہے مساوات درج ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(r.ra)$$
  $B=\mu H$ 

مثال ۲.۲: سشکل ۲.۲ مسیں حنلائی درزمسیں کثافت مقت طبی ہیں او 0.1 ٹیلادر کار ہے۔ متالب کی  $\mu_r = \infty$  حنلائی درز کی لیبائی 1 ملی مسیٹر اور وحتالب کے گر دبر قی تاریح حیکر 100 ہیں۔ در کار برقی رو i تلاسٹس کریں۔ حساوات ۲.۱۳ سے

$$\begin{split} \tau &= \phi \Re \\ Ni &= \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right) \\ \frac{\phi}{A} &= B = \frac{Ni \mu_0}{l} \end{split}$$

لکھ کر درج ذیل حساصل ہو گا۔

$$0.1 = rac{100 imes i imes 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
  $i = rac{0.1 imes 0.001}{100 imes 4\pi 10^{-7}} = 0.795\,77\,\mathrm{A}$ 

 $\square$  گاردر مین B=0.1 کافت مقت طیسی بهباوپید اکرے گا۔ B=0.795 77 A

Tesla:۲۱ \_\_ اکائی سے بیائے کولاٹسلاکے نام ہے حب نہوں نے بدلت اروبر قی طب اقت عسام کرنے مسین اہم کر دار اداکسیا۔

ampere per meter \*\*

field intensity"

۲٫۲ مقت طیسی دور حصب دوم



شکل ۲.۷: ساده مقن طیسی دور په

# ۲.۲ مقن طیسی دور حصبه دوم

سنگل 1.2 مسین ایک ساده مقن طبی نظام دکھایا گیا ہے جس مسین و تالب کے مقن طبی مستقل کو محدود تصور N نقل معن اللہ علی متعالی مسین نظام دکھایا گیا ہے۔ متعالی میں مقن طبی بہاو کار قب عصود کی تراسش A ہر معتام پر یک ال ہواور و تالب کی اوسط لمب ائی A ہے۔ و تالب مسین مقن طبی بہاو کارخ فلیمنگ کے دائیں ماتھ قانون A معتام کے ساتھا ہے۔ اسس و تانون کو دو طسریقوں سے بیان کیا حب سکتا ہے۔

- اگرایک لیچے کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا حبائے کہ ہاتھ کی حپار انگلیاں کیچے مسین برقی روکے رخ کسپ ٹی ہوں تب انگوش اُکس مقت طیسی بہاوکے رخ ہو گاجواکس برقی روکی وجب سے وجو دمسین آیا ہو۔
- اگر ایک تارجس مسیں برقی رو کا گزر ہو کو دائیں ہاتھ سے یوں بکڑا دبائے کہ انگوٹٹ برقی رو کے رخ ہو تب باقی حیار انگلیاں اُسس مقت طبیعی ہیسا و کے رخ لیسٹی ہوں گی جواس برقی رو کی وجب سے پیدا ہوگا۔

ان دوبیانات مسیں پہلابیان کچھے مسیں مقناطیبی بہاو کارخ مسلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ سید ھی تارے گر دمقناطیبی بہاو کارخ دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کسیا جب متابعی بہاو گوشٹری وار ہے۔مقناطیبی بہاو کو شکل ۲۰ مسیں ہلکی سیابی کے تسیہ دار ککسیسر کے طاہر کسیاب میں گائے ہیں ہے۔و تالب کی بچکے بہا

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

لکھتے ہوئے مقن طیسی بہاو

$$\phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = Ni \left( \frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$

المحتليمنگ!دايان ہاتھ مت انون Fleming's right hand rule" ۳۰ باب۲ مقت طبیسی اووار



#### شکل ۲.۸: حنلائی درز اور مت البے کے بیچیا ہے۔

ہوگا۔ یوں تمام نامعسلوم متغیبرات حساصل ہو چیے۔ مشال ۲.۳: شکل ۲.۸مسیں ایک مقن طیسی متالب د کھسایا گیا ہے جس کی معسلومات درج ذیل ہیں۔

(ר. רא) 
$$= \left\{ \begin{array}{ll} h = 20 \, \mathrm{cm} & m = 10 \, \mathrm{cm} \\ n = 8 \, \mathrm{cm} & w = 2 \, \mathrm{cm} \\ l_a = 1 \, \mathrm{mm} & \mu_r = 40 \, 000 \end{array} \right.$$

ت الب اور حنلائی درزکی پیچکپ ہشیں تلاسٹس کریں۔ حسل:

$$\begin{split} b &= \frac{m-n}{2} = \frac{0.1-0.08}{2} = \text{0.01 m} \\ A_a &= A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = \text{0.0002 m}^2 \\ l_c &= 2(h-b) + 2(m-b) - l_a \\ &= 2(0.2-0.01) + 2(0.1-0.01) - 0.001 = \text{0.559 m} \end{split}$$

$$\begin{split} \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.559}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = \text{55\,605\,A} \cdot \text{t/Wb} \\ \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = \text{3\,978\,874\,A} \cdot \text{t/Wb} \end{split}$$

وت الب کی لمب اَنی صناد کی درزکی لمب اُنی سے 359 گنازیادہ ہونے کے باوجود صناد کی درزکی چیکپ ہیسے و تسالب کی جیکپ ہیسے متسابب کی جیکٹ ہوگا۔  $\Re a \gg \Re_c$  موگا۔

مثال ۲۰۰۸: شکل ۲۰۰۹ سے رجوع کریں۔ حناائی درز 5 ملی میٹر لسب ہے اور گھومتے حسب پر 1000 حپکر ہیں۔ حناائی درز مسیں 0.95 T در مسیں 0.95 T فنسے مقت طبیعی بہب وحسام سل کرنے کی حناط سر در کاربر قی رومعلوم کریں۔

۲۶ مقت طیسی دور حصبه دوم



شكل و ٢: ساده گھومنے والامشین

حسل: اسس شکل مسیں گھومتے مشین ،مشلاً موٹر ، کی ایک سادہ صورت دکھائی گئی ہے۔ ایسی مشینوں کا ہیسہ رونی ھے۔ ساکن رہت ہے لہذااس ھے کومشین کا **ساکر ہ** صعبہ <sup>۱۳</sup> کہتے ہیں۔ ساکن ھے کے اندر مشین کا گھومت ھے۔ ایا حب تا  $\mu_r = \infty$ تصور کیا است ھے کو مثین کا گھوم**تا** حصہ  $\mu_r = \infty$ تیں۔اسس مثال میں ان دونوں حصول (فتالب) کا گیاہے البنے اان کی بچکے ہے۔مفت مستسر ہو گی۔مقت طبیعی ہیساو کو ہلکی سساہی کی لکت سرسے ظبیر کسا گیاہے۔مقت طبیعی ہیساو کی ایک مکسل حیکرے دوران مقت طبیحی بہاو دو حسالاً کی درزوں سے گزر تاہے۔ یہ دو حسالاً کی درز ہر لحساظ سے ایک دوسرے جیے ہیں المبذان دونوں مناائی درز کی پچکے اہے۔ بھی ایک دوسرے کے برابر ہو گا۔ مسزید دونوں منائی درزوں کی پچکے اہے۔ سلیلہ وار ہیں۔ شکل ۲.۹ مسیں مقت طبیعی بہباو کو گھومتے حسب، ساکن حسبہ اور دو مشابی درزوں سے گزر تا ہواد کھسایا گ ہے۔ مشابی درز کی لمب اُئی ہے، و تالب کے رقب A کی اصلاع ہے بہت کم ہے البند احسابی درز کاعب ودی رقب تراشش A گھومتے حصہ کے رقب ترامش کے برابر تصور کسا حسائے گا۔ یوں  $A_{\alpha} = A_{\alpha}$  کیتے ہوئے ایک منباؤی درزگی ہچکی ہیں۔

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{l_a}{\mu_0 A_c}$$

اور دو سلسله وار حسلائی در زوں کی کل چکھیاہے درج ذیل ہوگی۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c}$$

حنلائی درزمسیں مقت طبی بہباوہ  $\phi_a$  اور کثافت مقت طبیعی بہباو  $B_a$  درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} \phi_a &= \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left( \frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right) \\ B_a &= \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a} \end{split}$$

rotor

۳۲ مقت طبیسی ادوار

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل مساسل ہوگا۔

$$\begin{split} 0.95 &= \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005} \\ i &= \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \, \mathrm{A} \end{split}$$

روایتی موٹروں اور جنسریٹ رول کی حنیاء مسیں تقسریباً ایک ٹسلا کثافت ِ مقن طیسی بہب وہو تاہے۔

# ۲.۷ خود اماله، مشتر که اماله اور توانائی

وقے کے ساتھ بدلت امقت اطبی میدان برقی دباویسید اکر تاہے جسس کو قانون فیراڈے TP

$$\oint_C oldsymbol{E} \cdot \mathrm{d} oldsymbol{l} = -rac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \int_S oldsymbol{B} \cdot \mathrm{d} oldsymbol{S}$$

ے حاصل کی جمسراہ مقت طیسی سمتی میدان E کا ارتفاعی کمبل اسس راہ کے ارتباط ہباو کے (وقت کے ساتھ) تفسرق کے برابر ہوگا۔ برقی ادوار، مشلاً سنگل ۱۰۱۰-۱، مسیں مستعمل برقی تاروں کی جمسراہ E متابل نظر انداز ہوتا ہے لہند ااسس مساوات کابایاں ہاتھ تاروں کے سروں پر المالی برقی و دماوت کابایاں ہاتھ تاروں کے سروں پر المالی برقی و دماؤٹ و تعالیٰ نظر اندر بہاو  $e^{ra}$  کی مشتمل ہوگا۔ چونکہ کچھ (اور بسدراہ) اسس متالب کے گرد N حپکر کاشت ہے لہند اسے مساوات درج ذیل صورت افتار کرتی ہے۔

$$(\mathbf{r.r2}) \hspace{3.1cm} e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

اسس طسر  $\sigma$  شکل ۲۰۱۰ کے وت الب مسیں مقت طبی بہاو  $\phi$  کی تب دیل کی بن کچھے مسیں برقی دباو e ہید ابو گاجو کے سروں پر نمودار ہوگا۔

پ امالی برقی د باو کومنبع برقی د باوتصور کریں۔

امالی برتی دباو کارخ تعسین کرنے کی حناطسر کچھے کے سسروں کو قصر ۔ **دور سکریں۔ کچھے مسی**ں پیسدابرتی روانسس رخ ہو گاجو مقت طبیسی ہیںاو کی تب بلی کورو کے۔

ف سر م کریں شکل ۱۰ ۲- امسیں ہو و کھسٹری دار ہے اور بہاو کی مقتد دار بڑھ رہی ہے۔ بہاو مسیں تبدیلی کوروکئے کی حناط سر بہاو کھ پیدا کرنا ہوگاجو کچھے کا بالائی سر مثبت ہونے سے ہوگا۔ شکل ۲۰۱۰ ب مسیں کچھے کے سروں

Faraday's lawrr

۳<sup>۳</sup> ما نگل فٹ راڈے انگلستانی سائنسدان تھے حب نہوں نے محسر کے برقی دباو دریافت کی۔

induced voltage ra

short circuit





#### شکل ۱۰: تالب مسین مقن طیسی بهاه کی تب یلی کچھے مسین برقی دباوپیدا کرتی ہے۔

ک چ مسزاحت نیب کسیا گیا ہے۔ کچھ کو منبغ دباہ تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مسزاحت مسیں روکارخ و تالب مسیں گھسٹری کے محتالف رخ بہباہ کلم پیدا کرے گا۔

 $N\phi$  کو لیجے کا تسام حیاروں، N، کے اندر سے گزر تا ہے۔  $N\phi$  کو لیجے کا تسام حیکروں، N، کے اندر سے گزر تا ہے۔  $N\phi$  کو لیجے کا ارتباط ہماوی کے  $N\phi$  کے بین جس کی اکانی ویبر - چکر  $N\phi$  ہے۔

$$(r,r_{\Lambda})$$
  $\lambda = N\phi$ 

جن مقت طیسی ادوار مسیں مقت طیسی مستقل  $\mu$  کواٹل مفت دار تصور کسیا جب سے یا جن مسیں متعن طیسی مقت طیسی مستقل  $\mu$  کواٹل مفت دار تصور کسیا جاری تھے۔ کی انگل ہے۔ کی

$$L=rac{\lambda}{i}$$

(r.r.) 
$$L=\frac{N\phi}{i}=\frac{NB_cA_c}{i}=\frac{N^2\mu_0A_a}{l_a}$$

جہاں متالب کارقب عصودی تراش  $A_c$  اور درز کارقب عصودی تراسش  $A_a$  ایک دوسرے کے برابر لیے گئے میں۔  $A_c$  مثال ۲۰۵۵ سنگل ۱۳۰۱ مسیل ۲۰۵۵ مشال ۲۰۵۵ سنگل ۱۳۰۱ مسیل ۲۰۵۵ مشال ۲۰۵۵ مشال ۲۰۵۵ میں۔ b=5 cm, w=4 cm, b=3 mm مشال ۲۰۵۵ میں۔ لیجھے کے 1000 میں لیجھے کے امالہ تلاسش کریں۔ b=1 کے درج ذیل دوصور توں مسیل کچھے کی امالہ تلاسش کریں۔

- -ے سالب کا  $\mu_r=\infty$  ا
- $-\mu_r = 500$ ن سالب

flux linkage<sup>r2</sup>

weber-turn "

inductance

Henry \*\*

ا"امسر کی سائنسدان جوزف بینری حبنهول نے ماگل فیسراڈے سے علیحدہ طور پر محسر کے برقی دباور یافت کی

۳۴ مقت طبیسی ادوار



شكل ۲.۵:۱ماله (مشال ۲.۵)

حل: (۱) و تالب کے  $\mu_r = \infty$  کی بینات الب کی پیچکی پیٹ و تابل نظر راند از ہو گی اہلیذ المالہ درج ذیل ہو گا۔

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$

$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$

$$= 0.838 \text{ H}$$

$$\begin{split} \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 wb} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,662\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \\ \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 wb} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \end{split}$$

یوں بہاو،ار شباط اور امالہ درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{\text{1 193 662} + 238 701} = \text{0.698 H} \end{split}$$

مثال ۲.۱: سنگل ۲.۱۲ مسیں ایک پیچدار کچھ 
$$^{\rm rr}$$
 و کھایا گیا ہے۔  $N=11, r=0.49~{
m m}, l=0.94~{
m m}$ 

spiral coil

یپچدار کچھے کے اندر مقت طیسی ہیساو  $\phi$  کا ہیشتر ھے۔ محوری رخ ہوتا ہے۔ کچھے کے باہر یہی ہیساو پوری کائٹ سے گزرتے ہوئے واپس کچھ مسیں داخشل ہوتا ہے۔ چونکہ پوری کائٹ سے کارقب عصوری تراشش A لامت نابی ہے لہذا کچھے کے باہر کثافت مقت طیسی ہیساو  $\frac{\phi}{A} = \frac{\phi}{A}$  کی مقت دار وت بل نظر راند از ہوگی۔ کچھے کے اندر محوری رخ مقت طیسی شد سے درج ذیل ہوگی۔ کھے کے اندر محوری رخ مقت طیسی شد سے درج ذیل ہوگی۔ گھے کے اندر محوری رخ مقت طیسی ہیسا و گھے گئی۔ گئی مقت دار وت بل نظر مقت کے سیم کا مقت دار وت بل نظر مقت کے اندر محوری رخ مقت اللہ میں مقت کا مقت دار وت بل نظر مقت کے اندر محوری رخ مقت اللہ میں مقت کے اندر محوری رخ مقت اللہ میں مقت کے مقت دار وت بل نظر مقت کے مقت کے مقت کے اندر محوری رخ مقت کی مقت کی مقت کے مقت

$$H = \frac{Ni}{l}$$

اسس لچھے کی خو دامالہ حساصل کریں۔



بل:

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l}$$
 
$$\phi = B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l}$$
 
$$\lambda = N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l}$$
 
$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

اور l کو قیمتیں پر کرتے ہوئے درج ذیل امالہ حساصل ہوگاr ، N

$$L = rac{4\pi 10^{-7} imes 11^2 imes \pi imes 0.49^2}{0.94} =$$
 122  $\mu$ H

 $i_1$  ور اسس مسین برقی رور د کھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے حب کر  $N_1$  اور اسس مسین برقی رور د کھایا گیا ہے، دو سر الچھا کے میں میں برقی رووت الب مسین ایک جیسے  $N_2$  میں ایک جیسے  $N_2$  میں ایک جیسے  $N_2$  میں ایک ایک کو گرام لو پانگ النے والی بھی مسین استنال کیا ہے۔  $N_2$  میں استنال کیا ہے۔

۳۷ باب۲ مقت طبیسی ادوار

رخ مقت طبی دباوپید اکرتے ہیں۔ اگر وت الب کا 
$$\Re_c$$
 وت بل نظب راند از ہوت مقت طبی بہب و  $\phi$  درج ذیل ہوگا۔ 
$$\phi=\left(N_1i_1+N_2i_2\right)\frac{\mu_0A_a}{l_a}$$

دونوں کچھوں کا محب و عی مقت طیسی دباو،  $N_1 i_1 + N_2 i_2$  مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے درونوں کچھوں کا محب و عی مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کچھے کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے درونوں کے محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے درونوں کچھوں کا محب مقت طیسی بہب و کا پہلے کھی کے درونوں کے



سشكل ۲: دو لحصے والامقت طيسي دور۔

ساتھ ارتساط

(r.rr) 
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

لعيني

$$(r.rr)$$
  $\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$ 

ے جہاں  $L_{11}$  اور  $L_{12}$  سے مسراد درج ذیل ہے۔

(r.rr) 
$$L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$L_{12}=N_1N_2\frac{\mu_0A_a}{l_a}$$

 $L_{11}$  پہلے کچھے کا نوو المالہ  $L_{11}$  اسس کچھ کے اپنے بر تی رو $i_1$  سے پیدامقٹ طیسی بہاوے ساتھ ارتباط بہاوہ کے خود ارتباط بہاوٹ کہ یہ یہ این دونوں کچھوں کا مشترکہ المالہ  $L_{12}$  اور  $L_{12}$  کچھا – 1 کے ساتھ  $L_{12}$  سے بیدا بہاوک ساتھ ارتباط بہاوٹ کہ کہتے ہیں۔بالکل ای طسر جمہ دوسر سے کچھے کے لئے درج ذیل کھے سے ہیں۔بالکل ای طسر جمہ دوسر سے کچھے کے لئے درج ذیل کھے سے ہیں۔

$$\lambda_2=N_2\phi=N_2N_1rac{\mu_0A_a}{l_a}i_1+N_2^2rac{\mu_0A_a}{l_a}i_2$$
 (r.ry) 
$$=L_{21}i_1+L_{22}i_2$$

self inductance self flux linkage self flux linkage

mutual inductance mutual flux linkage L

جہال  $L_{22}$  اور  $L_{21}$  سے مسراد درج ذیل ہے۔

$$(r.r2) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 rac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

 $L_{22}$  کیجے –2 کاخو د امالہ اور  $L_{21} = L_{12}$  دونوں کیجھوں کامشتر کہ امالہ ہے۔ امالہ کا تصور اسس وقت کارآمد ہو تا ہے جب مقت طبیع مستقل کیا گواٹل تصور کرناممسکن ہو۔ مصن وات ۲.۲۷ مسیس پر کرتے ہیں۔ مصن وات ۲.۲۷ کومساوات ۲.۲۷ مسیس پر کرتے ہیں۔

$$e=\frac{\partial \lambda}{\partial t}=\frac{\partial \left(Li\right)}{\partial t}$$

اگر اماله کی قیت اٹل ہو، جبیب کہ ساکن مشینوں مسیں ہو تاہے، تب ہمیں اماله کی حبانی پہچیانی مساوات

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}\bullet) \qquad \qquad e = L\frac{\partial i}{\partial t}$$

ملتی ہے۔ اگر امالہ بھی تب یل ہو، جیب کہ موٹروں اور جنسریٹ روں مسیں ہو تاہے ، تب درج ذیل ہوگا۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}) \qquad \qquad e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

$$p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ie = i\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}$$

مقت طبی دور مسیں لحب  $t_1$  تا  $t_2$  مقت طبیعی توانائی کی تب بر پلی کو تکمل کے ذریعیہ حساس کیا حب اسکتا ہے:

(r.rr) 
$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

energy Joule

<sup>۔</sup> ہم جیسس پریستورٹ حباول انگلستانی سائنسدان حب نہوں نے حسر ارت اور میکانی کام کار سشتہ دریافت کپ ا اقتصادیوں

۵۲ کاملینڈ کے جیمزواٹ حب نہوں نے بحث ارات پر حیلنے والے انجن پر کام کپ ۵۲ ... ۵۲

Watt

۳۸ بات ۲. مقت طبیسی ادوار



شکلB-H:۲.۱۴ خطوط یامقت طبیسی حیال کے دائرے۔

ایک کیچہ کامقت طبیعی دور ، جس مسین امالہ کی قیمت اٹل ہو ، کے لئے درج ذمل لکھ حب سکتا ہے۔

$$\Delta W = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left(\lambda_2^2 - \lambda_1^2\right)$$

يوں  $t_1$ ير  $t_1=0$  تصور کرتے ہوئے کسی جھی  $\lambda$  پر مقت طبیعی توانائی درج ذیل ہو گی۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$ 

# ۲.۸ مقن طیسی ماده کے خواص

و الب کے استعال ہے دو فوائد صاصل ہوتے ہیں۔ و الب کے استعال سے کم مقن طیسی دباو، زیادہ مقن طیسی ہواو پید اکر تا ہے اور مقن طیسی ہیں و کو پسند کی راہ پر رہنے کاپابٹ دبنایا حب سکتا ہے۔ یک دوری ٹر انسفار مسروں مسیں و تالب کے استعال سے مقن طیسی ہیں او پایا حب تا ہے کہ تمام کچھوں مسیں یک استعال ہو۔ ابوجب مقن طیسی ہیں و کو یوں پابٹ دکسیا حب تا ہے کہ زیادہ سے زیادہ تو سے سیار کو وجب کہ جنسر مسیں و تالب کے استعال سے مقن طیسی ہیں و کو یوں پابٹ دکسیا حب تا ہے کہ زیادہ سے زیادہ تو جب کہ جنسر مسیں زیادہ سے زیادہ برقی دیاوحت مسل کرنے کی نیت سے ہیں و کو یابٹ دکسیا حب تا ہے۔

B-Hمقت طیسی مادہ کی B اور H کا تعباق ترسیم کی صور ہے مسیں پیش کیا جباتا ہے۔ لوہا نمامقت طیسی مادہ کی B-H کر سمال ۲۰۱۴ سے الف مسیں دکھیائی گئی ہے۔ ایک لوہا نمیامقت طیسی مادہ جس مسیں مقت طیسی اثر نہمیں پایا جباتا ہو کو نقطہ ہے خاہر کمیا گیا ہے۔ اسس نقطہ ہی درج ذیل ہوں گے۔

$$H_a=0 \label{eq:hamma}$$
 
$$B_a=0 \label{eq:hamma}$$

۲.۸ مقت طیسی مادہ کے خواص

مقت طیسی مادہ کو کچھے مسین رکھ کر اسس پر مقت طیسی دباو لاگو کیا جب سکتا ہے۔ مقت طیسی میدان کی شد ہے H لا گو کرنے سے لوہانی مادہ کے مسین کثافت مقت طیسی بہاو B پیدا ہوگا۔ میدانی شد سے بڑھانے ہے کثافت مقت طیسی بہاو بھی بڑھے گا۔ a سشروع ہوتا ہوا تسیر دار قو سس اسس عمسل کو ظاہر کر تاہے۔ میدانی شد سے کو نقط میں بڑھایا گیسے جہال H اور B ہول گے۔

نقطہ b تک یہ خینے کے بعد میدانی شدت کم کرتے ہوئے دیکس گیا ہے کہ والی تو سس ایک مختلف راستہ اختیار کرتا ہے۔ یوں نقطہ b سے میدانی شدت کم کرتے ہوئے صف رکرنے سے لوہا نما مادہ کی گذافت مقاطیبی بہاو کم ہو کر نقطہ c پر آن پہنچتا ہے۔ نقطہ b سے نقطہ c تک تسیر دار تو سس اس عمل کو ظاہر کرتا ہے۔ نقطہ c بی ہو کر نقطہ c بی ہداؤتی میدانی شد سے سیاس کو نقطہ کا کا فیت مقاطیعی ہاوہ مقاطیعی مقاطیعی مقاطیعی میں مصدوی مقاطیعی میں مصدول میں مصدول مقاطیعی میں میں مصدول میں میں مصدول میں مصدول میں مصدول میں مصدول میں مصدول میں مصدول میں میں مصدول میں

نقطہ c سے میدانی شدت منگی رخ بڑھانے ہے d کم ہوتے ہوتے آخسر کار ایک مسرتب دوبارہ صغب ہو کہا گا اس نقطہ کو d سے خلس کرنے گا ہے۔ مقن طیسیت حستم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی معتدار d کومقت طیسیت حستم کرنے والی شدت یا مختصر آغاتم شرہے d کم شرہ ہوگہتے ہیں۔

منٹی رخ مید انی شد سے مسزید بڑھ نے نقطہ e ساسل ہوگا۔ اس کے بعد منٹی رخ کی مید انی شد سے مطلق قیمت کم کرنے سے نقطہ f ساسل ہوگا جہاں مید انی شد سے صف رہونے کے باوجود کثافت مقت طلیمی بہا و ہے۔ ای صف رہبی ہے۔ اس نقطہ پر لوہا نہ مادہ اُلٹ رخ مقت طیس بن چکا ہے اور  $H_f$  بقسایا کثافت مقت طلیمی بہا و ہے۔ ای طعرح اس رخ مقت طیسی ہے۔  $H_g$  ہے۔ مید انی شد سے بڑھا تے ہوئے نقطہ b کی بجب نقطہ مارہ گا۔

برقی شدت کو متواتر ای طسر تا پہلے ایک رخ اور بیسر مختالف (دوسسری) رخ ایک حناص صد تک پہنچ نے نے احضری کا ایک بنددائرہ حناصل ہوگا ہے۔اسس کہ پہنچ نے نے آخٹ رکار H – A متحقیٰ کا ایک بنددائرہ حناصل ہوگا ہے۔اسس دائرہ پر حنالات گھٹری سفسر ہوگا۔ شکل ۲۰۱۴ – کو مقنا طبیعی جالی کادائرہ ۵۲ کہتے ہیں۔

مختاف H کے لئے شکل ۱۱،۳-ب حساس کر کے ایک ہی گانٹ نہ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے d نقطے جوڑنے کے سنگل ۱۵،3048 سے مصل دوں مسیں استعال ہونے والی 10.3048 میں مصل موقی و مواد حبدول مسین موجود مواد حبدول مصل موقی و مسین موجود مواد حبدول مصل موقی و مسین موجود مواد حبدول مصل محل میں بھی دیا گیا ہے۔ اس تر سیم مسین موجود مواد حبدول مسین بھی دیا گیا ہے۔ عصوماً مقت طبیعی مسائل حسل کرتے ہوئے شکل ۱۰۱۷ کی جگ شک 10.۲ مسین بھی دیا گیا ہے۔ دھیان رہے کہ اس تر سیم مسین H کا پیسان سے لگے گئے ہے۔

لوہانٹ مقت طیسی مادے پر لاگومقت طیسی شد ہے۔ بڑھ نے کافت مقت طیسی ہے اوبڑھنے کی شرح ہت درج کم ہوتی حب آلی ہے مقت طیسی مادے پر لاگومقت طیسی شدح سے بڑھ نے کے برابر ہوج باتی ہے مقت کا کہ آخٹ رکاریہ مشرح حت اور کو سیر اہیسے مقت کے برابر ہوج باتی ہے وسٹ کی کا روح سے میں واضح ہے۔

شکل ۱/۲ سے واضح ہے کہ H کی کسی بھی قیمت پر B کی دو ممکنہ قیمتیں ہوں گی۔ بڑھتے مقت طبیحی بہاو کی صورت مسیں

residual magnetic flux

coercivity hysteresis loop

steresis loop

log<sup>2</sup> saturation<sup>2</sup>

۰۷ مقت طبیری ادوار



شکل ۱۵.۲: فولاد 5 M کی 3048 کلی مسیر موٹی ہتری کی ترسیم۔ میدانی شدت کا پیپ نہ لاگ ہے۔

تر سیم مسین نیچ سے اوپر حبانے والی منحنی B اور H کا تعساق پیش کرے گی جب کہ گفتہ ہوئے مقت اطبی بہا و کی صور سے مسین اوپر سے نیچ حبانے والی منحنی اسس تعساق کو پیش کرے گی۔ چونکہ  $B \mid B \mid B$  ہونے سے لاوپر سے نیچ حبانے والی منحنی اسس تعساق کو پیش کرے گی۔ چونکہ  $B \mid B \mid B$  کی قیمت بھی تبدیل ہوگی۔ باوجود اسس کے ہم مقت طبی ادوار مسین  $\mu$  کو ایک مستقل تصور کرتے ہیں۔ ایس کرنے سے نہ تا گئے باوجود اسس کے ہم مقت طبی ادوار مسین  $\mu$  کو ایک مستقل تصور کرتے ہیں۔ ایس کرنے سے نہ تا گئے ہم مقت طبی ادوار مسین  $\mu$  کو ایک مسین ہوتا ہے۔

$$b = 5 \text{ cm}, w = 4 \text{ cm}, l_a = 3 \text{ mm}, l_c = 30 \text{ cm}, N = 1000$$

حسل: ایک ٹسلاکے لئے۔ حبدول ۲۰ کے تحت و ت الب مسین 1 ٹسلاکے لئے و ت الب کو 11.22 ایمپیئر - حبکر فی مسیر قیمت کی ث د سے H در کار ہو گی۔ یوں 30 سم لمبے و ت الب کو 3.366 = 11.22 × 0.3 ایمپیئر حب کر در کار ہوں گے۔ حناج کو درج ذیل ایمپیئر - حبکر فی مسیر شد د در کارے۔

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795775$$

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

 $\frac{-1}{2}$  ووٹسلا کے لئے۔  $\frac{1}{2}$  میں  $\frac{1}{2}$  ٹسلا کثافت کے لئے قتالب کو 10000 ایمپیئر – حپکر فی میسٹر  $\frac{1}{2}$  ور کار ہوگی۔ یوں 30 میسٹر  $\frac{1}{2}$ 

۲.۹. بيجيان ٿ ده کچھ ا

#### حبدول ۲:مقت اطیسی بهب وبالمقابل مشد \_\_\_\_

| H     | B     | H    | B     | H   | B     | H   | B     | H     | B     | H | B     |
|-------|-------|------|-------|-----|-------|-----|-------|-------|-------|---|-------|
| 9000  | 1.998 | 1000 | 1.852 | 200 | 1.720 | 30  | 1.480 | 9     | 0.700 | 0 | 0.000 |
| 10000 | 2.000 | 2000 | 1.900 | 300 | 1.752 | 40  | 1.540 | 10    | 0.835 | 2 | 0.040 |
| 20000 | 2.020 | 3000 | 1.936 | 400 | 1.780 | 50  | 1.580 | 11.22 | 1.000 | 3 | 0.095 |
| 30000 | 2.040 | 4000 | 1.952 | 500 | 1.800 | 60  | 1.601 | 12.59 | 1.100 | 4 | 0.160 |
| 40000 | 2.048 | 5000 | 1.968 | 600 | 1.810 | 70  | 1.626 | 14.96 | 1.200 | 5 | 0.240 |
| 50000 | 2.060 | 6000 | 1.975 | 700 | 1.824 | 80  | 1.640 | 17.78 | 1.300 | 6 | 0.330 |
| 60000 | 2.070 | 7000 | 1.980 | 800 | 1.835 | 90  | 1.655 | 20    | 1.340 | 7 | 0.440 |
| 70000 | 2.080 | 8000 | 1.985 | 900 | 1.846 | 100 | 1.662 | 23.77 | 1.400 | 8 | 0.560 |

 $\sim$  متالب کو $0.300 = 0.000 \times 1000$  ایمپیئر چیکر در کار ہوں گے۔ مثالہ کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591549$$

ا يمييرً - حيكر في مسينز در كار بين البندا 3 ملي مسينز لمبي منساء كو 4775 = 4775 × 159154 × 10.003 يمييرز حيكر در كار بول گل ايمييرز - حيكر 7775 = 4775 + 3000 بين جن سے درج ذيل حساصل كسياحب سكتاہے۔

$$i = \frac{7775}{1000} = 7.775 \,\mathrm{A}$$

اسس مثال مسین مقن طیبی سیر اہیت واضح ہے۔

# ۲.۹ هیجان شده لیحسا

 $\cos \omega t$ ید  $\cot \omega t$ ی  $\sin \omega t$  در تا و باواور مقت طیسی بہب و عسموماً سائن نمسا ہوتے ہیں جن کا وقت کے ساتھ تعساق بالا بنا میں بدلت ارو سے پھی ہیجان کر نااور اسس سے نمو دار ہونے والی برقی توانائی کے منسیا گرپر تذکرہ کسیا حب نے گا۔ وقت السے مسین کثافت مقت طیسی بہب و وقت السے مسین کثافت مقت طیسی بہب و

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}\mathbf{z})$$
  $B = B_0 \sin \omega t$ 

کی صورے مسین وت الب مسین درج ذیل بدلت امقت طبیبی بهب و ی پیدا ہو گا۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$ 

 $B_0$  اسس مساوات مسیں مقت طبی بہاو کا حیطہ  $\phi_0$  ، کثافت مقت طبی بہاو کا حیطہ  $B_0$  ، متالب کارقب عصودی تراشش  $A_c$  (جوہر معتام پر یکساں ہے ) ، ذاویائی تعدد و  $D_0$  کے بالدی معتام پر یکسال ہے ) ، ذاویائی تعدد و کا میں معتام پر یکسال ہے کہ نام معتام کے بیاد کر بیاد کے بیاد کے بیاد کے بیاد کی بیاد کے بیاد کے بیاد کی بیاد کی بیاد کی بیاد کی بیاد کے بیاد کے بیاد کی بیاد کے بیاد کی بیاد کی بید کر

۲۲ مقت طیسی ادوار



شکل ۲.۱۶: ساده مقن طیسی دور (مشال ۲.۸) پ

نیراڈے کے متانون (ماوات ۲۲۷) کے تحت یہ مقناطیسی بہاو کچے میں e(t) اہلی برقی دباوe(t)

$$e(t)=\frac{\partial \lambda}{\partial t}$$
 
$$=\omega N\phi_0\cos\omega t$$
 
$$=\omega NA_cB_0\cos\omega t$$
 
$$=E_0\cos\omega t$$

 $E_0$  درج ذیل ہے۔

$$(r.s.) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ہم بدلتے رومت داروں کے مسرئع کی اوسط کے حبذر مسیں دلچی رکھتے ہیں جو ان مقت داروں کی موثر '' قیب ہوتی ہے۔ جیسا صف ۱/ پر مساوات ۱/۴ مسیں دیکھا گیا، سائن نمساموج کی موثر قیب موج کے حیطہ کی  $1/\sqrt{2}$  گتا ہوگی الہٰذاامالی برقی دراو کی موثر قیب  $E_{rms}$  دراو کی موثر قیب ہے۔ جیسا

$$(r.\Delta I)$$
 
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

229.253 مسرئع سے بے لیچھے کو گھسریلو 220 وولٹ موثر برقی دباو سے ہیجبان کٹ حباتا ہے۔ حبدول ۲۰۱ کی مدد سے مختلف برقی دباو پر محسر کے برقی رومعسلوم کریں اور اسس کا خط کھنچیں۔
حسل: گھسریلوبرقی دباو 50 ہرٹز کی سائن نہا موج ہوگی۔

 $({\rm r.ar}) \hspace{3cm} v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$ 

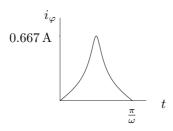
induced voltage 69

root mean square, rms 1.

۲.۹ بیبان شده کچف

| . <b>;</b> . | ( | ٠.٠           | ٠١. ؞    |   |
|--------------|---|---------------|----------|---|
| برقی رو      |   | <b>-</b> ∵:r. | شب دول ۴ | • |

| $i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$ | 0.3H  | H  | B     | $\omega t$ | $i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$ | 0.3H   | H     | B     | $\omega t$ |
|---------------------------------|-------|----|-------|------------|---------------------------------|--------|-------|-------|------------|
| 0.000                           | 0.000 | 0  | 0.000 | 0.000      | 0.125                           | 3.366  | 11.22 | 1.000 | 0.675      |
| 0.022                           | 0.600 | 2  | 0.040 | 0.025      | 0.140                           | 3.777  | 12.59 | 1.100 | 0.757      |
| 0.033                           | 0.900 | 3  | 0.095 | 0.059      | 0.166                           | 4.488  | 14.96 | 1.200 | 0.847      |
| 0.044                           | 1.200 | 4  | 0.160 | 0.100      | 0.198                           | 5.334  | 17.78 | 1.300 | 0.948      |
| 0.056                           | 1.500 | 5  | 0.240 | 0.150      | 0.222                           | 6.000  | 20    | 1.340 | 0.992      |
| 0.067                           | 1.800 | 6  | 0.330 | 0.208      | 0.264                           | 7.131  | 23.77 | 1.400 | 1.064      |
| 0.078                           | 2.100 | 7  | 0.440 | 0.278      | 0.333                           | 9.000  | 30    | 1.480 | 1.180      |
| 0.089                           | 2.400 | 8  | 0.560 | 0.357      | 0.444                           | 12.000 | 40    | 1.540 | 1.294      |
| 0.100                           | 2.700 | 9  | 0.700 | 0.453      | 0.556                           | 15.000 | 50    | 1.580 | 1.409      |
| 0.111                           | 3.000 | 10 | 0.835 | 0.549      | 0.667                           | 18.000 | 60    | 1.601 | 1.571      |



شکل ۱.۱ / 1.5 بسری کے وت الب مسین 1.6 ٹسلا تک ہیجبان پیداکرنے کے لئے در کار ہیجبان انگیٹزبر قی رو۔

مساوات ۲۰۵۱ کی مدد سے ہم کثافت مقن طبی بہاو کی چوٹی حساس ل کرتے ہیں۔

(r.sr) 
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = \text{1.601}\,\text{T}$$

يوں وت الب مسين كثافت ِ مقت اطبي بهب و كاحيط 1.601 ہو گااور وت الب مسين كثافت ِ مقت طبيبي بهب او كي مساوات درج ذيل ہو گی۔

$$(r. \Delta r)$$
  $B = 1.601 \sin \omega t$ 

B جم حبدول کی مدد ہے 0 اور 1.601 ٹسلا کے نئی مختلف قیمتوں پر در کار محسر کے برقی روہ i معسلوم کرنا حب ہے ہیں۔ ہم مختلف پر حبد دل 1.601 بیسے مسل کریں گے جو ایک مسینر کمبی و تالب کے لئے در کار ایکبیئر – حب کر دریافت کر کے برقی روحت صل کریں گے۔ -30حبدول 1.7 مختلف کثافت مقت طبیعی ہیں اور کے لئے در کار محسر کے برقی رود یق ہے۔ حب دول مسین ہم 1.6 کی قیمت پر 1.6 کو مسال کے گئی ہے۔ -1.60میں اور 1.7 مختلف کی اگریا ہے۔ -1.60

مهم الب\_۲.مقت طبیسی ادوار



مشكل ٢.١٨: هيمان الكي زبر قي رو ـ

برقی کچھے مسیں برتی دباوے ہیجبان پیدا کیا حباتا ہے۔ ہیجبان شدہ کچھ اسیں گزرتے برتی رو $i_{\varphi}$  کی ہنا متالب مسیں مقناطیسی ہہدوپیدا ہوگا۔ اسس برقی رو $i_{\varphi}$  کی **بنجارہے انگیز برقی رو**الا کہتے ہیں۔

مثال ۲۰۸۸ میں ہیجبان انگیز برقی رومسلوم کی گئی جے سشکل ۲۰۱۷ میں و کھایا گیا۔ اے حساسل کرتے وقت مقتاطیبی پالے ۲۰۷ کو نظر انداز کیا گئی ہے جو مقت اطیبی حیال کو مدِ مقتاطیبی پالے ۲۰۷ کو نظر رکھ کر حساسل کی گئی ہے۔ اسس کو مسجما خروری ہے۔

شکل ۲.۱۸-الفیم مسین مقت طبیعی حیبال کادائرہ و کھایا گیا ہے۔ درج ذیل تعسلقات کی بین مقت طبیعی حیبال کے خط کو  $q=i_0$ 

(r.22) 
$$Hl = Ni$$
 
$$\varphi = BA_c$$

وتالب مسین سائن نمسامقناطیسی ہیں و  $\varphi$  و مشکل ۲۰۱۸ بسین دکھایا گیا ہے۔ سائن نمسامقناطیسی ہیں و وقت کے ساتھ تبدیل ہو تا ہے۔ لمحت  $t_1$  پر الس کی قیمت  $t_1$  ہوگی۔ مقناطیسی ہیں و  $t_1$  بر اللہ خوتا ہے۔ لمحت  $t_2$  بر اللہ برقی رو  $t_1$  شکل – الف ہے حاصل کی حیاستی ہے۔ ای بیجیان انگیسیز برقی رو کو مشکل – بسیس لمحت  $t_1$  برد کھایا گیسیا ہے۔

دھیان رہے کہ لحب  $t_1$  پر مقن طبی بہب وبڑھ رہاہے لہنہ امقن طبی حیال کے خط کا درست حصہ استعمال کر ناضروری ہے۔ سٹکل ۲۰۱۸-الف مسین عمین گھٹڑی کی موئیوں کے محتالف رخ گھومتے ہوئے یوں نیچے ہے اوپر حہا تا ہواجھ استعمال کیا گئے۔ اوپر اور گھٹے (اوپر میں سیس سیسر کے نشان مقن طبیبی بہب وبڑھنے (نیچ سے اوپر) اور گھٹے (اوپر سے ناویس کی نشاندہ ہی کرتے ہیں۔ سیس سیس سیس سیس کے نشاندہ کو کرتے ہیں۔

excitation current hysteresis hysteresis

۲.۹ بیجبان سنده کچھ ا



شکل ۲.۱۹: پچیاسس ہرٹزیر 0.3 ملی میسٹر موٹی پت ری کے لئے در کار موثر وولٹ - اپلیئر فی کلوگرام ت الب

لمحیہ  $t_2$  پر مقت طبی بہب و گھٹ رہا ہے۔ اسس لمحیہ پر مقت طبی بہب و  $\varphi_2$  ہے اور اسے حساس کرنے کے لئے در کار پیجان انگسینز برتی روج i

ای طسرح مخلف لمحیات پر در کار بیجبان انگینز برقی روحیاصل کرنے سے مشکل ۲۰۱۸ – ب کا  $i_{arphi}$  خط ملت ہے جو غیسیر سائن نمیا ہے۔

 $e=N\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=N\phi_0\omega\cos\omega t$  وباوت میں برقی دباو کہ وہ وہ میں برقی دباو کہ وہ وہ کے مقت طلبی ہیں کہ برقی دباو کے ہیں کہ برقی دباو کو بھی دکھ کے الگیا ہے۔ آپ دکھ کے ہیں کہ برقی دباوے مقت طلبی ہیں وہ وہ کا خیسر کے دباو کے بھی دکھ کے الگیا ہے۔ آپ دکھ کے ہیں کہ برقی دباوے مقت طلبی ہیں وہ کو بھی دکھ کے الگیا ہے۔ آپ دہاوے مقت طلبی ہیں کہ برقی دباوے مقت کے بین کہ برقی دباوے کے بین کہ برقی دباوے کے بین کے بین کہ برقی دباوے کے بین کہ برقی دباوے کے بین کہ برقی دباوے کے بین کے بین کہ برقی دباوے کے بین کے بین کہ برقی دباوے کے بین کہ برقی دباوے کے بین کے بین

 $H_{c,rms}$  نت البراني نمي موثر قيتوں  $B=B_0\sin\omega t$  ن نمي اور  $i_{\varphi}$  ن کي موثر قيتوں  $B=B_0\sin\omega t$  اور  $i_{c,rms}$  کا تعسلق در جن ذیل ہوگا۔

$$Ni_{arphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

ساوات ۱۵.۲ اور مساوات ۲.۵۷ سے درج ذیل حساصل ہو گا

$$(r.22)$$
  $E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2}\pi f B_0 H_{c,rms} A_c l_c$ 

(r.an) 
$$P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2}\pi f}{\rho_c}B_0H_{c,rms}$$

۲۸ مقت طبیری ادوار

(1, 1) وریکس حبائے تو کی ایک تعب در f پر g کی قیمت صرف و تسالب پر اور و تسالب مسین g یعنی چان که جمع میل خود g پر مخصس ہے۔ یکی و حب ہے کہ و تسالب بنانے والے اکائی کیمت کے و تسالب مسین محتلف چائ کہ g پیسے داکرنے کے لئے در کار g و مسین محتل کی g بالمقائل g ترسیم مہیا کرتے ہیں۔ و تسالب کی g کی مسین موٹی پیسے مرک کے ایس مسین مسین و کھائی گئی ہے۔

ٹرانسفار مسے روہ آلہ ہے جو بدلت ابرقی دباو کو تب دیل کر تا ہے۔ ہے۔ دویا دوسے زیادہ کچھوں پر مشتل ہو تاہے جومقت اطبی و تسالب اپر لیٹے ہوتے ہیں۔ پہلے عصوماً آپس میں جبڑے ہوئے نہیں ہوتے ہیں۔ شکل استالف میں ٹرانسفار مسر کی عسلامت دکھائی گئی ہے۔ دولچھوں کے درمیان متوازی لکسیریں مقن طیسی متالب کوظہامر کرتی ہیں۔

د ستیاب برتی دیاو<sup>۲</sup> پرٹرانسفار مسر کے ایک کچھے کو برتی طباقت منسراہم کی حیاتی ہے اور ہاتی کچھوں سے مختلف برقی د باویر یہی برقی طباقت حساصل کی حباتی ہے۔ جس لیچھے بربر قی د باولا گو کسیا حبائے اسے **ابتدائیے لیچھا '' کہتے ہیں** اور ٹرانسفار مسر ک اس مبانب کو ابتدائھ جانب م کہتے ہیں۔ ای طسرح جس کچھ (کچھوں) سے برقی طباقت مساسل کی حباتی ہے اے (انهان) أفؤى ليحا الحيالي كتبي اوراس حبانب كو أفؤى جانب كتبيراي شكل اسم مسين وكساياك ہے۔ٹرانسفار مسرکی عسلامت مسین ابت دائی حبانب کو بائیں طسرف اور ثانوی حبانب کو دائیں طسرف و کھایا

بڑے ٹرانسفار مسبر عسموماً صرنب دولچھوں پر مشتل ہوتے ہیں۔اسس کتاب مسین مقت طبیعی متسالب پر لیٹے ہوئے دو کچھوں کے قوی ٹرانسفار مسریر تبصیرہ کساحیائے گا۔

ٹرانسفار مسرے تم برقی دباوے کچھے کو کم برقی دباو کا لچھا کہتے ہیں اور ٹرانسفار مسر کی اسس حبانب کو کم برقی دباووالی جانب کتے ہیں جبکہ ٹرانسفار مسرکے زیادہ برقی دباوے کیچے کوزیادہ برقی دباو کا کچھا^کتے ہیں اورٹرانسفار مسرکی اسس حبانب کوزیادہ برقی دباو والی جانبے کتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مسر کے کم برقی دباو حبانب برقی دباو لا گو کپ حبائے اور زیادہ برقی دباو حبانب سے برقی دباو حسامسال

magnetic core

<sup>&#</sup>x27; بدلت ابر قی دیاو کی عبدلامت مسین مثبت اور منفی نشان وقت صف ریر بر قی دیاو کی مثبت اور منفی سسرے ظباہر کرتے ہیں۔ primary coil

primary side

secondary coil

secondary side

low voltage coil4

high voltage coil

۴۸ باب ۳۰, ٹرانسفار مسر



#### <u> مشکل است: ٹرانسفار مسر کی عسلامہ۔</u>۔



شكل ٣٠٢ بيز قي طباقت كي منتقلي ـ

کیا حبائے توٹر انسفار مسر کی کم برقی و باوحبانب کو ابت دائی حبانب کہیں گے اور اسس کی زیادہ برقی و باوحبانب کو ثانوی حبانب کہیں گے۔ حبانب کہیں گے۔

# ا ۳ ٹرانسفار مسر کی اہمیت

برلتے روکی برقی طباقت ایک مصتام سے دوسسرے مصتام با آسانی اور نہسایت کم برقی طباقت کی ضیاع سے منتقبل کی حب سستی ہے۔ بہی اسس کی مقبولیت کا راز ہے۔ ٹر انسفار مسرکے تب دلہ برقی دباو <sup>و</sup>کی حناصیت ایسا کرنے مسیں کلیدی کر دار اداکرتی ہے جے درج ذیل مشال کی مدد سے جھتے ہیں۔ مشال است: سشکل ۲۰۰۳ سے رجوع کریں۔ برقی دباو اور برقی روکاحیاصل ضرب برقی طباقت ہوگا:

 $p = v_1 i_1 = v_2 i_2$ 

voltage transformation property

۱.۳. ٹرانسفار مسر کی اہمیت

تصور کریں کہ تربیب لاڈیم سے MW 500 برقی طباقت لاہوں 'اشہبرے گھسر ملوصار منسین کو220وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔اگر ہم اسس طباقت کو220وولٹ پری منتقب کرنا حیاہیں تب برقی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{220} = 2\,272\,727\,\mathrm{A}$$

ہوگا۔ برقی تارمیں کثافت برقی رو ہے۔ اگریس تقسریب آقا بمپیئر فی مسرئع ملی مسیر  $J_{au}=5$  مسکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافت برقی رو ہے۔ اگر برقی تارمیں اسس سے زیادہ برقی رو گزاری حبائے تواسس کی مسز احمت مسیں برقی طب اقت کے ضیاع سے ہے۔ گرم ہو کر پھٹ ل سکتی ہے۔ اسس طسرح صفحہ الیرمی اوات ۱۲۳۔ اسے برقی تار کارقب عصود کی تراشش

$$A = \frac{i}{J_{av}} = \frac{2272727}{5} = 454545 \, \text{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تواسس کار داسس درج ذیل ہو گا۔

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{454\,545}{\pi}} = 380\,\mathrm{mm} = 0.38\,\mathrm{m}$$

$$m = 2700 \times \pi \times 0.38^2 \times 1 = 1224 \,\mathrm{kg}$$

لینی 1.2 ٹن ہو گی۔المونیم اتنی مہسنگی ہے کہ اسس صورت مسین اتی برقی طباقت کولا ہور پہنچپانا مسکن نہسیں ہو گا "ا آئیں اب ٹرانسفار مسبر استعمال کر کے دیکھتے ہیں۔ ڈیم پر ایک ٹرانسفار مسبر نسب کر کے برقی دباو کو بڑھ اکر 2000 132 وولٹ لینی 132 کلووولٹ کمپیاحب تا ہے۔یوں برقی رودرج ذیل ہو گا

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{132\,000} = 3788\,\mathrm{A}$$

جس کے لئے در کاربر قی تار

$$A = rac{i}{J_{au}} = rac{3788}{5} = 758 \, \mathrm{mm}^2$$
 
$$r = \sqrt{rac{A}{\pi}} = \sqrt{rac{1667}{\pi}} = 15.5 \, \mathrm{mm}$$

صرونے۔15.5ملی میسٹر رداسس کی ہو گی۔

\*افنسلغ صوافی مسین بھی لاہور ایک تحصیل ہے لسیکن اسس شہسر کو اتنی طب اقت نہیں در کار "ا آپ مانیں یا سے مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی برقی تاریجی نہیں دیکھی ہو گی۔ "اتن کل لاہور مسین بجسلی کی معظی اسس وجب سے نہیں ہے۔ ۵۰ باب۳ برانسفار مسر

اسس مثال مسیں اگر تربیبالڈیم مسین نسب جنسریٹر 11000 دولٹ برقی دباوپیدا کر رہاہو تو تربیبالڈیم پر نسب ٹرانسفار مسر برقی دباو کو 11000 دولٹ سے بڑھ کا 132 کلووولٹ کرے گاجب کہ لاہور شہبر مسین نسب ٹرانسفار مسر 132 کلووولٹ کو والیس 11000 دولٹ کرے گا۔

ای مثال کو بڑھاتے ہیں۔ شہسر مسین 220 دولٹ کی بحبائے 11000 دولٹ صارف کے مصریب پہنچا کر محسلہ مسین نیب ٹرانسفار مسر کی مددسے 11000 دولٹ کو مسزید گھٹا کر 220 دولٹ کسیاحبائے گاجو صارف کو مسراہم کیے حبائیں گے۔

مشکل ۳.۲ مسیں ڈیم سے شہر تک کا نظام د کھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نیب ٹرانسفار مسر کو **برقی دباو بڑھاتا** ٹر**انسفار م**ساور لا ہور مسیں نیسے ٹرانسفار مسر کو **برقی دباو گھٹاتا ٹرانسفار م**ساکہا گیا ہے۔

برقی طباقت عصوماً 11 کلو وولن اور 25 کلو وولن کے مابین پیدا کی حباتی ہے۔اسس کی منتقلی 110 کلو وولن اور 1000کلو وولٹ کے چچ کی حباتی ہے جبکہ اسس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کپ حبا تا ہے۔

### ۳.۲ ٹرانسفار مسرکے اقسام

گھروں اور کار حنانوں کوبر تی طاقت و منداہم کرنے والے ٹرانسفار مسرمقن طیسی متالب پر لپیٹے مباتے ہیں۔ ب عسوماً تاہین دور کی ۱۵ ہوتے ہیں جنہ میں لوہے کے قالے والے تاہین دور کی قوری ٹرانسفار م<sup>11</sup> کتے ہیں۔

نہایت چھوٹے ٹرانسفار مسر عسوماً لوہے کے متالب پر بنائے حباتے ہیں اور یکھ ۔ دور کی کے ہوتے ہیں۔ یہ گھسریلواستعال کے برقی مشین، مشلاً موبائل حپار حسر، وغنیسرہ مسین نسب ہوتے ہیں اور 220 دولٹ سے برقی دباو مسندید گھناتے ہیں۔ گھناتے ہیں۔ گھناتے ہیں۔

سے ہیں۔ کے انوی اور استدائی برقی دباوی کے مستعمل ٹرانسفار مسر ، جو دباو کے ٹرانسفار مر ۱۸ کہلاتے ہیں، کے ٹانوی اور استدائی برقی دباوی سے سے برحناص توجب دی حباتی ہے۔ ای طسرح برقی روکی پیپ کشس کے لئے مستعمل ٹرانسفار مسر ، جو رو کے ٹرانسفار مر ۱۹ کہلاتے ہیں، کے ٹانوی اور استدائی روکی سناسب پر حناص توجب دی حباتی ہے۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مسر کی سناسب سے برقی دباویا برقی دو کم یازیادہ کر تا ہے لیکن جیب پہلے ذکر کسیا گیا، ان دو اقسام کے ٹرانسفار مسروں مسین کم اور زیادہ کرنے کی سناسب پر حناص توجب دی حباتی ہے۔ ان دو اقسام کے ٹرانسفار مسروں کی برقی سکت ، انہایت ما انہوتی ہے۔ کر انسفار مسروں کی برقی سکت ہے۔ انہیں خلاقی قالب ٹرانسفار مر ۱۲ کہتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی وغیب مسین پائے حباتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی علی میں۔ کہتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی عبیں۔ کسیا ہیں۔ ان ٹرانسفار مسروں کی عبیار سے سال میں میں دکھرائی گئی ہے جس مسین حالب ظاہر کرنے والی متوازی کلیسرس نہیں بائی حباتی ہیں۔

step up transformer

step down transformer17

three phase 12

iron core, three phase power transformer

single phase 12

potential transformer1A

current transformer 19

electrical rating

الله عبوماً تقسرياً بحيين ووليه -ايمييمُ سكت ركهة بين-

air core transformer

communication transformer

٣٠.٣ امالي برقى دباو



### ۳.۳ امالی برقی دیاو

اسس جھے کا بنیادی مقصد ہیںرونی برقی دباو v اور اندرونی امالی برقی دباو e مسیں منسرق واضح کرنا اور ان سے متعلق تکنیکی اصطاعات کاتعبارت ہے۔

سشکل ۲۰ سیس بے بوجہ  $^{n}$  ٹرانسفار مسر و کھایا گیا ہے، لینی اسس کا ثانوی کچھا کھلے دور رکھا گیا ہے۔ ابت دائی کچھی کی مسزاجت  $R_1$  ہے جس کو بسیرونی حبزو د کھایا گیا ہے۔ ابت دائی کچھے پر n برتی د باول گو کرنے ہے ابت دائی کچھے مسیس بیجبان انگیے نہ n برتی د باور n تا بہت مسیس مقت طبی بہاوی پسیدا کے اسس بیجبان انگیے مسیس امالی برتی د باور n برلت مقت طبی بہت و ابت دائی کچھے مسیس امالی برتی د باور n برلت مقت طبی بہت و ابت دائی کچھے مسیس امالی برتی د باور n برلت مقت طبی بہت و ابت د اگر تا ہے جے درج ذیل مساور سے پیش کرتی ہے۔

$$(r.1)$$
  $e_1=rac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}=N_1rac{\mathrm{d}arphi}{\mathrm{d}t}$ 

اسس مساوات مسين

- $\lambda$  اہت دائی کچھے کی مقت طیسی بہاوے ساتھ ارتباط بہاوہے ،
- $\varphi$ مقت طیسی متالب مسیں مقت اطیسی بہاوجو دونوں کچھوں مسیں سے گزرتی ہے،
  - ابت دائی کھے کے حپکرہیں۔ $N_1$  •

ابت دائی کچھے کی مسنزاح سے R<sub>1</sub> صف رہے ہونے کی صورت مسیں کر خوف کے متانون برائے برقی دباوے تحت درج ذیل ہوگا۔

$$(\textbf{r.r}) \hspace{3cm} v_1 = i_{\varphi} R_1 + e_1$$

شکل ۳.۴ مسیں اسس مسزاحت کو بطور بسیرونی حبزو، ٹرانسفار مسر کے باہر، د کھیایا گیا ہے۔ اسس کچھے کی رستا  $e_1$  متعاملہ بھی ہو گی جے نظسرانداز کیا گیا ہے۔ عصوماً طباقت کے ٹرانسفار مسرول اور موٹروں مسیں  $i_{\varphi}R_1$  کی قیمت و

unloaded

excitation current \*2

با**ــــــ۳**. ٹرانسفارمــــر ۵٢

اور 0 کی قیمتوں سے بہت کم ہوتی ہے البیذااسے نظے رانداز کیا حساسکتا ہے۔ایب اگرتے ہوئے درج ذیل کھیا حساسکتا ہے۔

$$(r.r) \hspace{3cm} v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi}{\mathrm{d} t}$$

سے وات v سے ثابت ہو تاہے کہ بیسرونی لا گوہر تی دباو $v_1$  اور اندرونی امالی برقی دباو $e_1$  دوعلیحہ ہ برقی دباو ہیں۔ ب جھے لینیا بہت ضروری ہے۔ مساوات ۳.۳ کے تحت  $v_1$  اور  $e_1$  کی مطاق قیمتیں (تقسریباً)ایک دوس

لچے اپیج**ان** <sup>۲</sup> کرنے سے مسراداسس پر ہیسہ ونی برقی دباولا گو کرناہے جب کہ لیچھے پر لا گوہیسہ ونی برقی د**باو کو ایجان انگیز برقی دباو**^۲ کتے ہیں۔ لچھے کو **بیحال شدہ** کچھے۲۹جب کہ اسس مسیں رواں برقی رو کو **بیحال خ انگیز برقیر رو ۳** کتے ہیں۔

کھے میں گزرتی مقت طیسی بہاو کا تب ملی ہے برتی دیاوجیاصل کیا جیاسکتا ہے۔ٹرانسفار مسروں مسین ب کن کیھیا ہے برقی دیاو حساس کے باتا ہے۔ ساکن کچھ سے حساس برقی دیاو کو **امالیر برقی دیاو**ا <sup>۳</sup> کہتے ہیں۔ برقی دیاو کا حصول مقت طیسی مب دان مسیں کیھے کی حسر کت ہے بھی مسکن ہے۔اپے برتی دباو کو **محرکے برقیر دباو<sup>۲۲</sup> کہتے ہیں۔**یادرہے ان برتی دباومسیں کسی قشم کا ف رق نہیں ہوتا۔ انہیں مختلف نام صرف پہیان کی مناطب دیے حباتے ہیں۔

# میجان انگیزبرقی رواور مت ابی ضیاع

جب اں مقت اطبی و تالے مسیں بدلت امقت اطبی بہا و ثانوی کچھوں مسیں منائدہ مند برقی دباو پسیدا کرتا ہے وہاں ہے۔ مقت طیسی و تالب مسیں نقصان دہ برقی دباو کو بھی جسنم دیت ہے جس سے مقت طیسی و تالب مسیں مجھور نما برقی رو<sup>۳۳</sup> یں داہوتا ہے۔ تعب نور نما برتی رومقن طیسی تالہ میں برتی طب اتسے کے ضیاع کا سبب بنتا ہے جے مجھنوں نما برقی رو کا ضیاع <sup>۲۳</sup>یا مختصر اُ**قال**ی ضیاع ۳۰ کہتے ہیں۔ وت ابی ضیاع کو کم سے کم کرنے کے لئے مقت طبیعی وت الب کو ماریک لوہ کی **یزبال اس است** در تہد رکھ کر بنایا حباتا ہے۔ان پت ریوں پر غیبر موصل روغن <sup>۳۷</sup>کی تہد لگائی حباتی ہے تا کہ تعب نور نمب برقی رو کوروکا حبا سے۔ آپ دیکھیں گے کہ برقی مشین کا ت الب عبوماً ای طسرح بنایاحبا تاہے۔ شکل ۲.۱۵ اور B - Hامیں B - Hمواد دیا گسیٹر موٹی M5 کستاری ہتری کا B - H مواد دیا گساہے۔

شکل ۵. ۳-الف مسیں متالبی پت ریوں کے دواش کال دکھائے گئے ہیں۔ان کی مشکل وصورت کی بناانہ یں الکھے اور تابین ۳۸ پت ریال پکارتے ہیں۔ شکل ۳۰۵ ۔ ۔ مسین ایک پت ریوں اور تین پت ریوں کو دو طسرح آپ مسین رکھیا

۲۲جس سے طلب کی ذہن مسیں ہے عناط فہمی پیدا ہوتی ہے کہ ہے ایک ہی برقی دباوے دو مختلف نام ہیں۔

excitation voltage"

excited coil r9

excitation current".

induced voltage"

electromotive force, emf

eddy currents

eddy current loss " core loss ra

laminations

enamel "2

E.J



شکل ۳.۵ بنا: ت ابی پت ری کے اشکال اور ان کو تہے۔ در تہے رکھنے کا طبریقہ۔

گیا ہے۔ ان دو طسر لقول سے انہیں تہر در تہر رکھا حباتا ہے۔ الہٰذا اگر پہلی تہر مسین ایک دائیں حبانب اور تین کودائیں حبانب اور تین کودائیں حبانب اور تین کودائیں حبانب کے اوپر دوسری تہر مسین ایک کو ایکن حبانب رکھا حبائے گا، وغیرہ ایک کو دائیں اور تین کو بائیں حبانب رکھا حبائے گا، وغیرہ ایک طسرت انہیں جوڑکر شکل 8۔ ۳۔ ہم مسین کھسر ایک قالب حساصل کمیاحباتا ہے۔

پیدا  $e_1$  کی مسزا جمسے کو مسئل ۳.۳ مسیں نظر انداز کرتے ہیں۔ ہیجبان انگسیز برتی رو  $i_{\varphi}$  کی بنا امالی برتی دباو  $e_1$  ہیدا ہوتا ہے جو ہر صورت لاگو برتی دباو  $v_1$  کے برابر ہوگا۔ پوئکہ پوچھ کی بنا  $v_1$  سبدیل نہسیں ہوتا ہے لہذا پوچھ کی بنا  $e_1$  اور ہیجبان انگسیز برتی رو بھی تبدیل نہسیں ہول گے۔ یول بے بوچھ اور بوچھ بردارٹر انسفار مسر مسیں ہیجبان انگسیز برتی روئی دو کیسال ہوتا ہے۔ جیسا مسئل ۲.۱۸ مسیں دکھیایا گسینے بہتو کی ٹر انسفار مسر اور موٹروں مسین برتی دباو اور مقت طیسی بہت اوسائن نمسا ہوتا ہے۔ یول اگر ان مسین ہیجبان انگسیز برقی روغنے مرسائن نمسا ہوتا ہے۔ یول اگر

$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
 
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / -90^\circ$$

ہوتے۔

$$e_1=N_1\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=\omega N_1\phi_0\cos\omega t$$
 
$$\hat{E_1}=\omega N_1\phi_0\underline{/0}$$

 $p^{\rm eng}$ ى يېسان  $p_0$ مقىناطىيى بېسان كے حيط كو ظساہر كرتى ہے اور  $\omega$  زاويائى تعبداد ارتعب مشكى  $2\pi$  f كو ظساہر كرتى ہے جہاں f تعبداد ارتعب مشكى f بالا مسين د كھسايا گسيا ہے  $\hat{E}_1$  اور  $\hat{\phi}$  كَ ﴿ 90 كَا مَن اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى عَلَى اللهُ عَلَى عَلَى عَلَى عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهُ عَلَى ع

$$E_{rms}=rac{\omega N_1\phi_0}{\sqrt{2}}=4.44fN_1\phi_0$$

ہے جس سے درج ذیل لکھ حب سکتا ہے۔

$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44 f N_1 \phi_0}$$

"آس مساوات مسیں اور اس کے بعد پوری کتاب مسین امالی برقی دباو کے ساتھ منفی عسلامت نہیں لگائی گئی ہے۔

۵۴ باب ۳. ٹرانسفار مسر



*مشکل ۲. ۱۳. مختلف دوری سمتیول کے زاویے۔* 

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر وائی کرتے ہیں۔ اگر ایک لچھ پر  $E_{rms}$  موثر برقی دباولا گو کسیاحب نے تو سے لچھ است ہیجبان انگلینز برقی روہ i گزرنے دیت ہے جس سے نمودار ہونے والا مقت طیسی ہیساو مساوات  $E_{rms}$  مقت طیسی ہیساو میں دیے گئے مقت طیسی ہیساو کے برابر ہوتا ہے۔ سے حقیقت سے صرف ٹر انسفار مسر بلکہ کی بھی مقت طیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔ عنسیر سائن نمسا مخیسر سائن نمسا محتیس و کھسایا گیا ہے ، کو کسی بھی عنسیر سائن نمسا مقت میں دی کھسایا گیا ہے ، کو کسی بھی عنسیر سائن نمسا کی طسر رقور پیر تسل سائل کھسا سے درج ذیل کھساحب سکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{\Lambda}) \qquad \qquad i_{\varphi} = \sum_{n} \left( a_{n} \cos n\omega t + b_{n} \sin n\omega t \right)$$

ماسوائے جب ہیجبان انگیسز برتی روکے اثرات پر خور کیا جب ارہا ہو، ہم ہیجبان انگیسز برتی روکے عنسیر سائن نمسا ہونے کو نظر انداز کرتے ہوئے،  $I_c$  کو  $I_c$  کو نظر انداز کرتے ہوئے،  $I_c$  کو  $I_c$  کو کر درج ذیل کلھ کر درج ذیل کلھ حب سکتا ہے۔

 $i_{\varphi} = I_c \cos \omega t + I_m \sin \omega t$ 

Fourier series fundamental component

harmonic components

core loss component

magnetizing current



شکل ۷.۳: پوچھ بر دار کامل ٹر انسفار مسر۔

 $\bar{v}_{0}$  تو گرانسفار مسر کا بیجبان انگسیز برقی رواسس کے کل برقی رو مسمح گل برقی رو مسمح کا برقی صد ہوتا ہے لہنذ ااسس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔  $\bar{v}_{0}$  بیجبان انگسیز برقی رو کو سائن نمی انصور کر کے اسس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئل پرغور کرنا آسی انگسیز برقی رو کی موثر قیمت  $I_{\varphi,rms}$ ، اصل ہیجبان انگسیز برقی رو کی موثر قیمت کے برابر رکھی حباتی ہے جب اسس کا ذاویہ کی لاور کے لیاں رکھی حب اتا ہے کہ اسس سے حساس کی فیضیا کا اصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع کے برابر ہو۔ مشکل ۲۰۱۸ مدوے سے بات مسمجھی زیادہ آسیان ہے۔ وت ابی ضیاع کے برابر ہو۔ مشکل ۲۰۱۸ کی مدوے سے بات مستجھی زیادہ آسیان ہے۔ وت ابی ضیاع کے مورے کی صورت مسیں کی قیمت یوں منتخب کی حب کے گل کہ درج ذیل مساوات درست ثابت ہو۔

$$p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$$

دباو $\hat{I}_{arphi}$  تاخیسری ہوگا۔

# 

 $N_2$  ہم شکل 2.7 کی مدد سے ٹرانسفار مسر کا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم مسٹریل مسٹر فل کرتے ہیں کہ ابت دائی کچھ  $N_1$  اور ثانوی کچھ  $N_2$  حسکر کا ہے اور دونوں کچھوں کی مسٹرا جمسیں صف ہیں۔ ہم مسٹریلہ مسٹر فل کرتے ہیں کہ پورامقن طیسی ہیساو و تسالب مسٹر مسٹر ہیں ہوتی ہے اور و تسالب کا مقن طیسی مستقل اسٹ رہت اور دونوں کچھوں سے گزرتا ہے ، و تسالب مسٹریل ہوتی ہے اور و تسالب کا مقن طیسی مستقل اسٹ بڑا ہے کہ ہیجان انگسٹر برتی رو و تا بی نظر رانداز ہے۔ برتی رو i اور i اور i اور i اور i اور i اور کو کا مسل انسفار مسر i کو کا مسل ٹرانسفار مسر کو کا مسل ٹرانسفار مسر کو تا ہیں۔

کامسل ٹر انسفار مسسر کے ابت دائی کیجھے پر بدلت ابر تی دباو $v_1$ لاگو کرنے سے متسالب مسیں بدلت امقت اطلیمی بہب او  $\varphi_m$  پیسد ابت دائی کیچھ مسیں ، لاگوبر تی دباو  $v_1$  کے برابر ، امالی برقی دباو  $e_1$  پیسد اکر تا ہے۔

$$v_1=e_1=N_1rac{\mathrm{d}arphi_m}{\mathrm{d}t}$$

 $e^{\alpha \gamma t}$ کار برقی رویے سے دادو برقی رو ہے جو کار برقی ہو جولا دنے سے سے اس کو تاہے۔  $e^{\gamma t}$  بی برائی رو برن تو تاہیں برائی برن کو کا اب و روزی سمتے کی مدد سے  $\hat{I}$  کھتے ہیں ideal transformer  $I^{\alpha t}$ 

بالب ۳. ٹرانسفار مبر ۵۲

یمی مقت طبیسی بہب ودو سے سے بھی گزرے گا اور اسس مسین  $e_2$ امالی برقی دباویسید اکرے گاجو ثانوی سسروں پر برقی دباوی کی صورت مسین نمو دار ہوگا۔

$$v_2=e_2=N_2rac{\mathrm{d}arphi_m}{\mathrm{d}t}$$

مساوات ۱۰ ساکومساوات ۱۱ سے تقسیم کرتے ہوئے درج ذیل رہشتہ حساصل ہو تاہے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}}{N_2 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

جس كے تحت كامسل ٹرانسفار مسردونوں لچھوں كے حسيكروں كى نسبت سے تب**ادلہ برقى دباو**^مر تاہے۔ کامسل ٹرانسفارمسسر مسیں طباقت کا منسیاع نہیں ہوتا ہے لہلیذا انسس کو آبت دائی حبانب جتنی برقی طباقت منسراہم کی حبائےوہ اتنی برقی طباقت ثانوی حسانب وے گا:

$$(r.r)$$
  $p = v_1 i_1 = v_2 i_2$ 

درج بالامساوات سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

کھا حباسکتاہے جس کومساوات ۱۲ ۳کے ساتھ ملاکر درج ذیل حساسل ہوتاہے۔

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

مساوات ۱۵.۳۴ الزانسفار مسر کی تبادله برقی دباواور تبادله برقی رو<sup>۳۹</sup> کی حناصیت پیش کرتی ہے جے عصوماً دو حصوں مسیں

$$(٣.١٦)$$
  $rac{v_1}{v_2}=rac{N_1}{N_2}$  تب دله برقی دباه  $rac{i_1}{i_2}=rac{N_2}{N_1}$  تب دله برقی رو $rac{i_1}{i_2}=rac{N_2}{N_1}$ 

اسس مساوات کا پہلی حبزو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مسرکی دونوں حبانب برقی دباو دونوں اطسران کے حیکروں کا راست متناسب ہو گاجبکہ مساوات کا دوسری حبز و کہتاہے کہ ٹر انسفار مسرکے دونوں اطسراف برقی روحپکروں کابالعکس متناسب ہوگا۔ مثال ۳.۲: سشکل ۲.۵ سیس درج ذیل لیتے ہوئے ٹرانسفار مسر کی دونوں حبانب برقی دباواور برقی رومعسلوم کریں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
 $N_1: N_2 = 220: 22$ 
 $Z = R = 10$ 

voltage transformation "A current transformation "9

سل: ابت دائی حبانب برتی د باو 220 دولٹ دیا گیا ہے۔ ہم ثانوی حبانب برتی د باو کو مساوات ۳.۱۷ کے پہلی سبزو کی مدد سے حساصل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220 / 0 = 22 / 0$$

ثانوی دباو 22 دولئے ہے جو ابت دائی دباو کے ہم ت دم ہے۔ ثانوی برقی دباو 10 او ہم کی مسزاحمت مسین برقی روپیدا کرے گا جے او ہم کے متانون سے حساصل کرتے ہیں:

$$\hat{I}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

ثانوی رو2.2 ایمپیئر ہے۔ ابت دائی رومساوات ۱۲.۱۲ کے دوسسری حبیزوسے حساصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اسس مشال کے نتائج ایک جگب لکھ کران پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220\underline{/0}, \quad \hat{V}_2 = 22\underline{/0}, \quad \hat{I}_1 = 0.22\underline{/0}, \quad \hat{I}_2 = 2.2\underline{/0}$$

ابت دائی دباو ثانوی دباو کے دسس گن ہے جب ہرتی رو مسین قصب النہ ہے۔ ثانوی رو ابت دائی رو کے دسس گن ہے۔ طباقت دونوں اطسران برابر ہے۔ بیساں رک کر اسس بات کو انچی طسرح سبچھ لیں کہ جس حبانب برتی دباوزیادہ ہو تاہے اسس حبانب برقی رو کم ہوگا۔ یوں زیادہ دباو لچھائے حیکر زیادہ ہوں گے اور اسس کچھ مسین نبتاً باریک برتی تار استعال ہوگی۔ موٹی تار زیادہ رو گزارنے کی سکت تار استعال ہوگی جب کم دباو لچھائم حیکر کا ہوگا ور اسس مسین نسبتاً موٹی برتی تار استعال ہوگی۔ موٹی تار زیادہ رو گزارنے کی سکت رکھتی ہے۔ مشال ۳۰۳ سفی الربر شکل ۱۰ ساتھ ایک ٹرانسفار مسرک میں رکاوٹ میں برقی رواور طباقت کا ضماع دریافت کی روشنی مسین رکاوٹ مسین برقی رواور طباقت کا ضماع دریافت کی میں۔

$$\hat{V}_1 = 110 / 0$$
,  $Z_2 = R + jX = 3 + j2$ ,  $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 

حسل: ٹرانسفار مسر کی شبادلہ برقی دباو کی حناصیت کے تحت ابت دائی 110 وولٹ دباو ثانوی حبانب درج ذیل دباو پرکن کے گلہ

$$\hat{V}_s = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

يوں ثانوي رو

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11/0}{3+i2} = 3.05/-33.69^{\circ}$$

۵۸ باب ۳. ٹرانسفار مسر



اور ر کاوٹ مسیں برقی طباقت کاضیاع <sub>ہ</sub> p درج ذیل ہو گا۔

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$

## ۳.۲ ثانوی حبانب بوجه کاابت دائی حبانب اثر

سشکل ۳.۸ مسیں ابت دائی گیجے کی تارکی مسزاحت کو R سے ظاہر کسیا گسیا ہے جب کہ ثانوی حبانب بوچھ Z ہے۔ وسنرض کریں ہم Z اتار کر ٹرانسفار مسر کے ثانوی سرے کھلے دور کرتے ہیں۔ بے بوچھ ٹرانسفار مسر کی ابت دائی حبانب بدلت برتی دباوی  $v_1$  فیصل میں دباوی  $v_1$  ویالب مسیں گسٹری کے بدلت برتی دباوی  $v_1$  ویک برائی ویادی بیسی از میں ایک بیسے درگرے گاریں ویسی ویسی دباوی بیسے درگرے گاریں ویسی ویسی دباوی بیسے درگرے گاریں ویسی ویسی دباوی بیسی دباوی بیسی دباوی بیسی دباوی بیسی میں ویسی دباوی بیسی دباوی بیسی دباوی بیسی ویسی دباوی بیسی دبار بیسی در در دستر بیسی دبار بیسی دبار بیسی دبار بیسی در دستر بیسی دبار بیسی دبار

$$(\mathbf{r}.\mathbf{12}) \hspace{3.1cm} e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

ابت دائی رو، فنسرا ہم کر دہ د باواور ابت داامالی دباو کا تعسلق فت انون اہم سے ککھ حب اسکتا ہے۔

(r.in) 
$$i_{\varphi} = \frac{v_1 - e_1}{R}$$

اب ہم ثانوی حبانب برتی ہو جھ Z لادتے ہیں۔ ہو جھ بر دارٹر انسفار مسر اٹھ کے ثانوی حبانب برقی رو $i_2$  ہو گا جس کی وحب سے مقت طبیعی بہاوچو دمسیں آئے گا۔ ہم مقت طبیعی بہاوت السب مسیں گھٹری کے محت الف رخ مقت طبیعی بہاوت کی جسیس امالی پیدا کرے گا۔ یوں وت الب مسیس مقت طبیعی بہاوت بدیل ہو کر (گھٹ کر)  $\varphi_m - \varphi_2 = \varphi_m = \varphi_0$  اور ابت دائی کچھ مسیس امالی دباو گھٹے کی وحب سے ابت دائی دبڑھے گا۔ دباو گھٹے کرنے ہو حب سے ابت دائی دبڑھے گا۔

آپ نے دیکھ کہ ثانوی حبانب کاروت الب مسیں مقت اطیسی بہاوتب دیل کر کے ابت دائی کچھے کو بوجھ کے بارے مسین خب ردار کرتا ہے۔

و کو بیسال  $\varphi_m$  کہا گیا ہے۔ loaded transformer

آئیں R کی قیب کو نظر انداز کرتے ہوئے ہے ہو جھ ٹرانسفار مسر سے مشہروع کر کے اسس عمسل کو زیادہ بار کی سے دیکھ میں بیجسان انگسینررو  $i_0$  پیدا ہو گاجو مسیل بیجسان انگسینررو  $i_0$  پیدا ہو ہو گاجو مسیل اسلام کر نے سے استدائی گھے مسیل اسلام کر نے اسس مسیل گھسٹری کے رخ بہاو  $\phi_m$  پیدا کرے گا۔ یہ بہاو گھے مسیل اسلام دباو  $e_1$  پیدا کرتا ہے۔ ابتدائی کچھے کی مسزاحمت نظر انداز کرتے ہوئے  $v_1=e_1$  ہوگالہذام اوات کا ساورج ذیل صورت اختیار کرتی ہوئے ہوئے ہوئے گاہد اسلام کرتے ہوئے ہوئے کہ مسزاحمت نظری کے مسزاحمت نظر کرتے ہوئے ہوئے ہوئے ہوئے ہوئے کرتا ہے۔

$$\label{eq:v1} v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d} \varphi_m}{\mathrm{d} t}$$

اب ٹرانسفار مسر پر Z بوجھ ڈالتے ہیں۔ اس بوجھ کی بن ٹانوی کچھے مسیں  $i_2$  روپسدا ہو گا جو و ت الب پر گھسٹری کے منالف رخ ہینا و جھ کی بن ٹانوی کچھے مسیں میں گھسٹری کے منالف رخ ہیں و جہ پیدا کرے گا۔ اگر جو کا منالف کی جہ مسیں گھسٹری کے مختالف رخ ہیں ہوجب کے گاور ابت دائی کچھے مسیں کچھ نہ کہ سے تاب مسین کل مقت طبی بہاو گھٹ کر جو ہو ہور سے امالی دباو گھٹ حب بی تاب کے گا۔ مساوات 19 سے جو کئہ  $e_1$  کو ہر صورت میں برقی امالی دباو گھٹ حب کے برابر ہونا ہو گا (یادر ہے 17 کی تیت جول کی تول ہے)۔ لہذا و جو کے اثر کو خشتم کرنے کے لئے ابت دائی کچھے مسین برقی مورار ہو گا جس سے پیسیدا مقت طبی دباو  $N_1 i_1$  مقت طبی دباو  $N_2 i_2$  کا دو حت میں برقی میں برقی طبی دباو صفحت میں برقی گوشت طبی دباو صفحت میں برقی گوشت طبی دباو صفحت ہوگا۔

$$(r.r.)$$
  $N_1i_1 - N_2i_2 = 0$ 

$$($$
r $_{\cdot}$ r $_{\cdot})$   $\dfrac{i_{1}}{i_{2}}=\dfrac{N_{2}}{N_{1}}$ 

# ۲.۷ ٹرانسفار مسر کی عسلامت پر نقطوں کامطلب

سشکل ۹. ۳ مسیں جس لی۔ پر ابت دائی لیچے کابالائی سر مثبت برقی دباوپر ہو، اسس لیحہ پر ثانوی لیچے کابالائی سر مثبت دباوپر ہے۔ اسس حقیقت کو کچھوں پر نقطوں سے ظاہر کیا گئیا ہے۔ یوں نقطی سسروں پر دباوہم متدم ہوں گے۔ مسنزید ابت دائی لیچھ کے نقطی سسر سے مثبت برقی رو کیچے مسیں داخشل جب کہ ثانوی کیچھ کے نقطی سسر سے مثبت برقی رو کیچھ سے حسارج ہوگی۔

#### ۳.۸ رکاوٹ کاتب دلہ

 $V_1$  اس جسے مسیں کا مسل ٹر انسفار مسیں رکاوٹ کے شبادلہ پر غور کسیاحب نے گا۔ شکل ۱۰۰-النہ مسیں ایک ٹر انسفار مسید کھیا گئی ہے۔ یہاں دوری ٹر انسفار مسرد کھیا گئی ہے۔ یہاں دوری  $\hat{V}_1 = V_1 / \hat{U}$  بارتحق کی باستدائی حب نیس گے۔ ٹر انسفار مسر پر نقطے ہم وحد م مسروں کی نشاند ہی کرتے ہیں۔

باب. ۳۰. ٹرانسفار مسر



شكل ٩. ٣٠: ٹرانسفار مسركى عسلامت مسين نقطوں كامفہوم \_

$$\hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{V_2}$$
 
$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)\hat{I_2}$$

حنارجی دباو،رواور رکاوٹ کا تعسلق مت انون اہم سے لکھتے ہیں۔

(r.rr) 
$$Z_2=rac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}}=|Z_2| \underline{/ heta_z}$$

ساوات ٣.٢٢ سے درج ذیل لکھا حب سکتاہے جب ان آحضری صدم پرر کاوٹ کی قیمت پر کی گئی ہے۔

$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

يوں دا<sup>حن</sup>لى رو درج ذيل ہو گا۔

$$\hat{I_1}=rac{\hat{V_1}}{(N_1/N_2)^2Z_2}$$

سنگل ۱۰۱۰ بے مسیں  $\hat{V}_1$  درج ذیل قیت کے رکاوٹ  $Z_2'$  کو نسراہم کیا گیا ہے۔

$$Z_2' = \left(rac{N_1}{N_2}
ight)^2 Z_2$$

آپ تسلی کرلیں کہ اس دور مسیں بھی  $\hat{V}_1$  کابر تی رومساوات ۱۳۲۵ دیتے ہے۔ مساوات ۱۳۵۵ سے نبیت  $\frac{\hat{V}_1}{\hat{I}_1}$  کھتے ہیں جو شکل ۱۳۰۰ ب کے تحت  $Z_2'$  کے برابر ہے۔

$$rac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}}=Z_2'=\left(rac{N_1}{N_2}
ight)^2Z_2$$

۳.۸ رکاو<u> ن</u>کاتب دله



شکل ۱۰.۳:ٹرانسفار مسر کی حناصیت تبادلہ ر کاوٹ۔

دونوں ادوار سے  $\hat{V}_1$  کی طباقت درج ذیل حساصل ہوتی ہے۔

$$p=\hat{V_1}\cdot\hat{I_1}=\frac{V_1^2\cos\theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2|Z_2|}$$

یوں حب کرنے کے نقط نظرے ہم  $\hat{V}_1$  کو مساوات ۳۰۲۹ مسیں دی گئی قیمت کے رکاوٹ  $Z_2'$  پرلاگو کرتے ہوئے  $\hat{V}_1$  کابر قی رواور طباقت جبان سکتے ہیں۔  $\hat{V}_1$  منبع  $\hat{V}_1$  کو شکل ۱۰۳-الف اور ب مسیں کوئی و ضرق نظر نہیں آتا ہے۔ اس کے ساتھ ٹرانسفار مسر کے اور ب میں کوئی و خسرت نظر نہیں  $\hat{V}_1$  جو ٹرنا ایک جو ٹرنا ایک برابر ہے۔ ٹرانسفار مسر  $\hat{V}_2$  جو ٹرنا ایک جو ٹرنا ایک برابر ہے۔ ٹرانسفار مسر کی اسس حناصیت کو تباولہ رکاوٹے  $\hat{V}_2$  کو ساوات کہتے ہیں جس کو درج ذیل مساوات بسان کرتی ہے۔ ٹرانسفار مسر کی اسس حناصیت کو تباولہ رکاوٹے  $\hat{V}_2$ 

(r.rq) 
$$Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

impedance transformation or

۲۲ باب۳. ٹرانسفار مسر



۸٫۳٫۸ وپ کاتب دله

$$Z_B=2+j4, \quad Z_t=0.1+j0.15, \quad \hat{V}=415$$
 گاروں کا محب وعب رکاوٹ  $Z_B=2+j4$ 

لیتے ہوئے

- برقی بوجھ پر برقی د باومعلوم کریں،
- برقی تارون مسین برقی طباقت کاضیاع معلوم کریں۔

حسل الفيد:

$$\hat{I}_t = \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415\underline{0}}{0.1 + j0.15 + 2 + j4}$$

$$= \frac{415\underline{0}}{2.1 + j4.15} = \frac{415\underline{0}}{4.651\underline{63.15}}$$

$$= 89.23\underline{/-63.159^\circ} = 40.3 - j79.6$$

يوں ر كاو<u>ٹ</u> پر برقى د باو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$
  
= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تارول مسین برقی طاقت کاضیاع درج ذیل ہوگا۔

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

حسل ہے: مشکل  $T_2$  اور مشکل  $T_1$  ہے رجوع کریں۔ مشکل  $T_1$  مسیں ٹرانسفار مسر  $T_2$  کے ثانوی رکاوٹ کو مساوات  $T_2$  کی مدد سے ابت دائی حبانہ منتقال کرتے ہیں۔

$$Z_B' = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل ۱۲ بسر الف حساس ہوتا ہے جس مسین برقی تار کار کاوٹ اور شبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار حبٹرے میں۔ان کے محب وعہ کو Z

$$Z' = Z_t + Z_B' = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

لکھتے ہوئے مشکل ۳.۱۲ ہے۔ ب حساصل ہوتا ہے۔ایک مسرتب دوبارہ مساوات ۱۳.۲۲ ستعال کرتے ہوئے کی کو ٹرانسفار مسرکے ابت دائی حسانب منتقبل کرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

۲۰ پاپ ۲۰ بر انسفار مسیر

شکل ۱۲.۱۲ \_\_\_ حاصل ہو گاجس سے جنسریٹ رکابر قی رودرج ذیل ہوگا۔

$$\hat{I_G} = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + j4.0015} = 92.76/-63.432^{\circ}$$

 $\hat{I}_t$  ساسل کرتے ہیں۔  $\hat{I}_t$  سے مسیں جنریٹ رکابر تی روحبانے ہوئے تباد لہ برتی روسے  $\hat{I}_t$ 

$$\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I}_G = \left(\frac{1}{10}\right)92.76/-63.432^\circ = 9.276/-63.432^\circ$$

يوں برقی تار مسیں طاقت کاضیاع درج ذیل ہوگا۔

$$p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$$

ای طسرح شکل ۱۱. ۳مسیں  $\hat{I}_t$  جبانے ہوئے تب دلہ برقی روسے

$$\begin{split} \hat{I_B} &= \left(\frac{N_3}{N_4}\right) \hat{I_t} = \left(\frac{10}{1}\right) 9.276 / -63.432^{\circ} \\ &= 92.76 / -63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9 \end{split}$$

حاصل كياحباسكتابيدركاوث يربرقى دباو درج ذيل موگام

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

بغیبہ ٹرانسفار مسر استعال کیے برقی تاروں مسین طباقت کاضیاع 796 واٹ جبکہ ٹرانسفار مسر استعال کرتے ہوئے صوف 6.8واٹ یعنی 92گٹ کم ہے۔ای مسین ٹرانسفار مسر کی مقبولیت کاراز ہے۔

#### 9. ۳ - ٹرانسفار مسر کے وولٹ – ایمپیئر

ٹر انسفار مسر کی دونوں حبانب برتی دباو کیجھوں کے حپکروں پر منحصسر ہو تا ہے۔ٹر انسفار مسر ایک مخصوص برتی دباو اور برتی روکے کئے بہنایاحباتا ہے۔ٹر انسفار مسرب اوئی برتی دباو پر بھی استعال کسیاحباسکتا ہے اگر حپ عسوماً اسے بہناو ئی برتی دباو پر بھی احتمال کسیاحب سکتا ہے۔ اس طسرح ٹر انسفار مسرب برنی دباوی برتی دباوی برتی دباوی برتی ہوگا استعال کسیاحب سکتا ہے۔ حقیق استعال مسین ٹر انسفار مسرکا برتی روعے ماب اور تی روا ہے۔ حقیق استعال مسین ٹر انسفار مسرکا برتی روعے ماب اور تی روسیاواتوں (مساوات سال سال کی کہ سے میں ضرب دے کر سیاد ایر تی روکی مساواتوں (مساوات سال سال کی ایک کی مسین ضرب دے کر

$$\frac{v_1}{v_2} \frac{i_1}{i_2} = \frac{N_1}{N_2} \frac{N_2}{N_1} = 1$$

حساصی ہوتا ہے جس کے تحت ایک حبانب کے برقی دباواور برقی روکاحساصی ضرب دوسسری حبانب کے برقی دباواور برقی روکے حساصی ضرب کابر ابر ہوتا ہے۔ درجی بالا کوعسوماً ورج ذیل لکھا حباتا ہے۔

$$(r.r\bullet) V_1I_1 = V_2I_2$$

برتی دباو اور برتی روئے حساصل ضرب،  $V_2I_2$  یا  $V_2I_2$  کوٹر انسفار مسیر کے دولٹ ضرب ایمپیئر انتخصب آ**وولٹے۔ ایمپیئر** میں کہتے ہیں ''مجوٹر انسفار مسیر کے بین انساز مسیر اور دیگر برقی مشین، مشلاً موٹر اور جنسریٹ جوٹر انسفار مسیر کے بنبیادی اصولوں پر کام کرتے ہیں، پرنسب معسلوماتی شختی پر ان کاسکست، بناوٹی برقی دباواور بناوٹی تعسد اد کھا حب تا ہے۔ یوں گرانسفار مسیر کے دولئے۔ ایمپیئر درج ذیلی ہول گے۔

$$(\mathfrak{P},\mathfrak{P})$$
 وولئ $-$ ايمپير $=V_1I_1=V_2I_2$ 

مثال ۵۰۳: ایک 25000 وولٹ - ایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مسرکے زیادہ برقی دباو کی حبائب 11000 وولٹ لاگو ہیں۔

- اسس کی ثانوی حبانب زیادہ سے زیادہ کتنابر قی بوجھ ڈالاحباسکتاہے؟
- زیاده سے زیاده برقی بوجھ پرٹرانسفار مسر کاابت دائی برقی روحیا صل کریں۔

حسل:اسس ٹرانسفار مسبر کی معسلوما سے درج ذیل ہیں۔

25 kV A, 11000 : 220 V

تب دلہ برقی دباو کی مساوات سے ٹانوی برقی دباو 220 وولٹ حساصل ہو تا ہے۔ ٹانوی یعنی کم برقی دباوحب نب زیادہ سے زیادہ برقی رومساوات ۳۳سے حساصل ہوگا۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اس طسرح ابت دائی حبانب زیادہ سے زیادہ برقی رواسی مساوات سے حساصل ہوگا۔

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

ٹر انسفار مسرکی دونوں حبانب کچھوں مسیں استعمال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی حباتی ہے کہ ان مسیں کافت برقی موٹی مول ملک موٹائی موٹی ہوتی ہے۔ اس سے تارگرم ہوتی ہے۔ ٹرانسفار مسرکے برقی روکی حد کچھوں کی گرمائٹ پر مخصر ہوتی ہے۔ تارکی زیادہ سے زیادہ در حبہ حسرات کو محفوظ حسد کے اندر رکھا حباتا ہے۔ زیادہ در حب حسرات سے تارپرلگارو غن حسراب ہوگااور تارکا ایک چپکر دو سرے چپکر کے اندر رکھا حباتا ہے۔ برانسفار مسرک برانسفار مسرک برانسفار مسرک برائسفار مسرک برائسفار مسرک برائسفار مسرک برائسفار مسرکا قتال ہے۔ برانسفار مسرکا قتال ہو گئے عنی موسل شیل سے بھسری ٹیسٹی مسیں ڈیو کر رکھے حباتے ہیں۔ اسس سے بی کوٹرانسفار میں بیٹر کے برانسفار میں برقے بیں۔ اسس سے کوٹرانسفار میں بوخل کوٹرانسفار میں بوخل کی برنا) مختلف برقی سے کوٹرانسفار میں بوخل کوٹرانسفار میں بوخل کی برنا) مختلف برقی سے سے کوٹرانسفار میں بوخل کی برنا) مختلف برق

volt-ampere, VA

۵۴ ووائے -ایمپیئر کوعب وما کلوووائے -ایمپیئر لعنی kV Aمسیں بیان کیا حب تاہے۔

<sup>1000</sup> kV A مر انسفار مسر کی لچھوں مسیں کثافت برقی روتق ریباً A/mm<sup>2</sup> ورکھی حباتی ہے

transformer oilay

باب۳۰ برانسفار مسر

دباوے محصوں کو برقی طور پر حبدار کھنے مسیں مدد دیت ہے۔ٹرانسفار مسر شیل تقسیریاً  $^\circ$  80 پر حسرا ہے ہونا شیر وی ہوتا ہے اور ہر  $^\circ$  80 اسن فی در جب حسرار سے پرانسس کی زندگی آدھی رہ حب تی ہے۔ یوں اگر  $^\circ$  80 پر شیل کی کارآ مدزندگی x سال ہوگی۔ x سال ہوگی۔ x سال ہوگی۔

ٹرانسفار مسر سیل گرم ہو کر پھیلت ہے جس کی بن اسس کی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹیسنگی مسیں گرم سیل اوپر اور مخسنڈ اسل کی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹیسنگی مسیں گرم سیل اوپر ہو مخسنڈ اکرنے کے لئے ٹیسنگی کے ساتھ بہت سارے پائپ منسلک کئے جب تے 20 جن مسیں گرم سیل اوپر سے داحنل ہوتا ہے۔ پائپ کا سطحی رقب زیادہ ہونے کی بن اہوا اے حبلہ ٹھنڈ اکرتی ہے ، اسس مسیں سیل کا در جب حسر ارت گھٹ اور کثافت بڑھتی ہے۔ ٹھنڈ اسیل پائپ مسیں ینجے حسر کت کرتے ہوئے دوبارہ ٹیسنگی مسیں داحنل ہوتا ہے۔

#### ۳.۱۰ ٹرانسفار مسرکے امالہ اور مساوی ادوار

ا. ۱۰.۱۰ کیچے کی مسزاحت اور اسس کی متعاملہ علیحہ دہ کرنا

ٹرانسفار مسرکے ابت دائی کچھے کی مسزاحت ہے۔ ہے ہے ہے کہ جہاں مسزاحت کو است ۳۰۳، مساوات ۳۰۳ مسیں بات کی گئی جہاں مسزاحت کو لیجھ سے علیحہ دہ کچھے سے باہر سلملہ وار حبٹراد کھایا گیا تھا۔ آئیں دیکھیں ہم حساب کی حناطسر کیے مسزاحت کو لیجھ سے علیحہ دہ کرسکتے ہیں۔

سشکل ۱۳۰ الف میں ایک لیجھ پر بدلت ابر قی دباولا گو کیا گیا ہے۔ اگر کچھے کی برقی تار کو چھوٹے گزوں میں تقسیم کیا دبائے تب ہر گئڑے کی ایک چھوٹی مسزا ہمت کھ ایک چھوٹا متعاملہ  $\Delta R$  ہوگا۔ تار کا ایک گڑا ایک شکل – مسیں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ کچھاان سب گڑوں کے سلمہ وار حبیر نے بہت ہے لہذا سشکل – الف کوہم شکل – پ کی طسر تہت سے ہیں جہاں کچھے کہ گڑے گئے ہیں۔ اس سیکا میں میں میں میں میں اور ایک سیکا کوہم شکل – پ کی طسر تربت سکتے ہیں جہاں کچھے کہ گڑے گئے ہیں۔ اس میں کی میں میں اور ایک سیکا کی سیکن کے گئے ہیں۔ اس میں کی میں اور ایک سیکا کی سیکار سیکار سیکار سیکار کی سیکار کی سیکار سیکار کی سیکار کی سیکار کی سیکار کی سیکار کی کی سیکار کی

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$
  
=  $\hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left( j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$ 

ہےجس میں

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

لکھ کر درج ذیل حساصل ہو تاہے۔

$$(r.rr)$$
  $\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( R + jX \right)$ 

شکل ۱۱۳ سے بھی مساوات ۳۳۲ کھی جبا سکتی ہے۔ یوں حساب کی حناطسر کچھے کی مسزاحت اور متعاملہ علیجہ دو کے حساستے ہیں۔

<sup>۵۷</sup> وایڈا کے ٹرانسفار مسر کابیسرونی حسب انہیں یا پُیوں پر مشتل ہو تاہے۔







#### ۳.۱۰.۲ رستااماله

یہاں تک ہم کامسل ٹرانسفار مسر پر بحث کرتے رہے ہیں۔ اب ہم ٹرانسفار مسیس ان عنساصر کاذکر کرتے ہیں جن کی وحب سے ٹرانسفار مسر غنسیر کامسل ہو تا ہے۔ بہت کی حباقہوں پر ٹرانسفار مسر استعمال کرتے وقت ان عنساصر کو مدِ نظسر رکھناضروری ہو تاہے۔ان عنساصر کے اثرات کوٹ امسل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مسرکامساوی دور بنتے ہیں۔

ابت دائی کچھے کے مقن طیبی بہب و کو دو حصوں مسین تقسیم کیا جب سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو مت الب سے گزر کر ابت دائی کچھے دونوں کے اندر سے گزر تا ہے۔ یہ مشتر کہ مقن طیسی بہب او ہے۔ دوسر احصہ وہ جو صرف ابت دائی کچھے کے گزر تا ہے۔ اس کور متا مقناطیسی بہاو ۵۸ کہتے ہیں۔ چونکہ ہوا کامقن طیسی مستقل میں اٹل ہوگاء میں رہت ہے۔ اسس کور متا مقناطیسی بہاو ۵۸ کہتے ہیں۔ چونکہ ہوا کامقن طیسی مستقل سے اٹل ہوگا۔ یوں رستا مقن طیسی بہب او ابت دائی کچھے کے برتی روکا راست مستاسب ہوگا۔

 $X_1 = 2\pi f L_1$ رستا امالہ کے اثر کو بالکل کچھے کی مسزا ہمنے کی طسر کے کچھے سے باہر رستا امالہ کھ  $L_1$  یار ستا متعاملہ کے کی مسزا ہمنے کی طسر کے کھے سے باہر رستا امالہ کھ کے انہ کی انہ کے انہ کو انہ کے انہ کر انہ کے انہ کہ کے انہ کے انہ

ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھے مسین برقی رو آ $\hat{I}$  گزرنے سے رستامتع ملہ مسین ب $\hat{V}_{X1}=\hat{j}\hat{I}_1$  بی رباواور کچھے کے تار کی مسزاحت مسین ب $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1$  برقی دباوگھ است ہے۔

جیب شکل ۱۵.  $\pi$  مسیں د کھایا گیا ہے، ابت دائی کچھے پر لاگو دباو  $\hat{V}_1$  ، مسنز احمت  $R_1$  اور متعاملہ  $X_1$  مسیں گٹاو اور ابت دائی امالی دباو  $\hat{S}$  گامب موعب ہوگا۔

#### ۳.۱۰.۳ ثانوی برقی رواور وت الب کے اثر ات

وت الب مسیں دونوں کچھوں کامشتر کہ مقت طیمی ہب وان کے محب و کی مقت طیمی دباو کی وحب ہے وجود مسین آتا ہے۔ اسس حقیقت کو ایک مختلف اور بہتر انداز مسیں بیان کیا حب اسٹا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ است دائی برتی رو کو دوسشر انظ مطمئن کرنے ہوں گے۔ اول اسے وتالب مسین ہج بانی مقت طیمی ہب و وجود مسین لانا ہوگا اور دوم اسے تانوی کچھے کے پیدا کر دہ مقت اطیمی ہب و کوحت کم کرنا ہوگا۔ الب ذاابت دائی برتی رو کو ہم دو حصوں مسین تقسیم کرستے ہیں۔ ایک حصر ہو جو ہجو ہج جی بین ان مقت اطیمی ہب و

leakage magnetic flux<sup>2A</sup>
leakage inductance<sup>29</sup>

leakage reactance



پیداکر تا ہے اور دو سے را $\hat{I}'_2$  جو ثانوی کچھے کے مقت طبیعی دباو کا اثر حستم کر تا ہے۔ یوں  $\hat{I}'_2$  درج ذیل ہوگا۔

$$\hat{I}_2' = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2$$

ثانوی کچھے کے مقت طبی بہباوے اثر کو حستم کرنے پر حسہ ۲۰۱۹ سیں غور کسیا گیا ہے۔  $\hat{I}_{c} : \hat{I}_{m} : \hat{I}_{c} : \hat{I}_{m} : \hat{I}_{c} : \hat{I}_{m} : \hat{I}_{c} : \hat{I}_{m} : \hat{I}_{c} : \hat{I}_{m} : \hat{I}_{$ 

$$\hat{I}_{arphi}=\hat{I}_{c}+\hat{I}_{m}$$

مذکورہ بالا مساوات مسین برقی رو کو دوری سمتیات کی صورت مسین کھی گیا ہے۔ ان مسین  $\hat{I}_c$  ابت دائی کچھے کے امالی برقی دباو  $\hat{E}_1$  کا ہم مت دم ہے اور مت الب مسین برقی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کر تاہے جب کہ  $\hat{I}_m$  وہ حصہ ہے جو  $\hat{E}_1$  سے نوب در حب آخیر کھے الزاوے پر برت ااور کچھے مسین مقت طبیعی بہاویپ داکر تاہے۔

ال المستن  $R_c$  الور  $R_c$  بالسرتيب برقی دو  $\hat{I}_c$  اور  $\hat{I}_m$  کے اثرات کو ظاہر کرنے کے لئے استعمال کے گئے j بین مستداراتی رکھی حباتی ہے کہ اسس مسین برقی طاقت کا ضیاع اصل و صالحت برابر ہو لیمن  $\hat{I}_m$  معتداراتی رکھی حباتی ہے کہ اسس مسین برقی طاقت کا معتداراتی رکھی حباتی ہے کہ است میں برقی دور پر حاصل کے حباتے ہیں۔  $R_c$  ورکھی معتداراصل برقی دباواور تعدد پر حاصل کے حباتے ہیں۔  $R_c$  برحاصل کے حباتے ہیں۔

## ۳.۱۰.۳ ثانوی کیھے کاامالی برقی دباو

وت الب مسیں مشتر کہ مقت طیسی ہب او ثانوی کچھے مسیں امالی برقی دیاو  $\hat{E}_2$  پسید اکرے گا۔ چونکہ بھی مقت طیسی ہب او ابت دائی کچھے مسیں  $\hat{E}_1$  امالی پسید اکر تا ہے البیند اورج ذیل کلھ حب اسکتا ہے۔

(r.ra) 
$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

lagging"

۷- باب<sup>m</sup> برانسفار مسر





مساوات ۱۳۳۳ اور مساوات ۳۳۵ کو ایک کامسل ٹرانسفار مسرے ظاہر کیا حب سکتا ہے جے سشکل ۱۳.۵ مسیں و کھایا گیا ہے۔

### ۳.۱۰.۵ ثانوی کیھے کی مسزاحت اور متعاملہ کے اثرات

ثانوی کچھے مسین امالی دباد $\hat{E}_2$  پیدا ہو گا۔ابت دائی کچھے کی طسرح، ثانوی کچھے کی مسزاحمت  $R_2$  اور متعاملہ j ہوں گے جن مسین ثانوی برقی دو  $\hat{L}_2$  کی بہت برقی دباد گھے گا۔ یون ثانوی کچھے کے سرول پر برقی دباد پر گری و اگری مہوگا:

$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$

یوں حسامسل ٹرانسفار مسر کا مکسل مساوی دوریار پاضی فمونہ المشکل ۱۸۔۳مسیں د کھایا گیاہے۔

## ٣.١٠.٢ ركاوك كااستدائى يا ثانوى حسانب تسادله

سشکل ۱۸. ۳ مسیں تمام احب زاء کا تب ادلہ ابت دائی یا ثانوی حب انب کمیاحب اسکال ۲۰۰۰ مسیں تمام احب زاء کا تسب ر ٹر انسفار مسر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں حب انب ر کھا حب اسکتا ہے۔ مشکل ۱۹.۳ مسیں ثانوی رکاوٹ کو ابت دائی حب انب منتقسل کمیا

mathematical model



مشکل ۲۰ .۳۰: ابت د ائی حب نب ر کاوٹ کا ثانوی حب نب تب دلہ کپ گیا ہے۔

گیاہے جب کہ مشکل ۳.۲۰ مسیں ابت دائی رکاو ٹوں کا تب دلہ ثانوی حب نب کی گیا ہے۔ جیب مشکل ۳.۲۰ مسیں دکھ یا گیا ہے جب کہ سنگل ۱۳۰۰ مسیں دکھ یا تب ہے۔ ایسے مب وی ادوار مسیں کا مسل ٹر انسفار مسرع صوماً دکھ یا تہ ہیں حب تا ہے۔ تول تب دلہ مشدہ داکا و سے کہ کو Z کے ظاہر کیا گیا ہے۔

تب دلہ مشدہ درکاوٹ Z کو Z کے ظاہر کر گیا ہوگا کہ مساوی دور مسیں احب زاء کس حب نب متقال کے گئے ہیں۔

ایس دور استعال کرتے وقت یادر کھنا ہوگا کہ مساوی دور مسیں احب زاء کس حب نب متقال کے گئے ہیں۔

مثال ۲۰۰۱ ایک 50 کا وول اسلام اور کھنا ہوگا کہ مساوی دور مسیں احب زاء میں دیاوجب نب متعال کو الے دور استعال کو الحسن اللہ ہونے والے احب زاء معل ۱۹ سال میں استعال ہونے والے احب زاء معل ۱۸ سال میں استعال ہونے والے احب زاء معلوم کریں۔

معاوم کریں۔

حل اللہ سے: معالم ماری ۔

50 kV A, 50 Hz, 2200: 220 V

ٹرانسفار مسیر کے برقی دباوے کیچھوں کے حپکر کاتٹ سب حساس کرتے ہیں۔ 10 میر کے 2200 میر کے 10

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$$

۷٢

زبادہ برقی دباوحیانی تب دلہ شدہ احب زاء درج ذیل ہوں گے۔

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

مساوی دور مسیں باقی رکاوٹ پہلے سے زیادہ برقی دباو حبانب ہیں المہذا ہے۔ تبدیل نہیں ہوں گے۔یوں شکل ۱۹ سے حبزوحیاصل ہوئے۔ حسل ہے: مصاوی دور کے احبزاء کا تب دلہ کم دباوحب نب کرتے ہیں۔

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 R_c = 64$$
$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 X_m = 470$$

جبکہ 2 پیلے سے کم برقی دیاوجیانہ ہے لیا ذااسس کی قیمت تب دیل نہیں ہو گی۔

## ے ۱۰ m ٹرانسفار مسر کے سادہ ترین مساوی ادوار

ا کے انجنیئر ٹرانسفار مسرات تعال کرتے وقت حساب کی حناطسر شکل ۱۹.۳ پایشکل ۲۰.۳ کے ادوار استعال کر سکتا ہے۔ ہے ادوار حقیق ٹر انسفار مسر کی بہت اچھی عکائی کرتے ہیں۔البت جہاں بہت صحیح جو ابات مطلوب نے ہوں وہاں ان ۔ ادوار کی سادہ اُٹ کال بھی استعال کی حباستی ہیں۔اسس حصہ مسین ہم ایسے سادہ مساوی ادوار حساسس کرتے ہیں۔ اور  $R_2'+jX_2' = 2$  وائین منتقت کرنے سے شکل ۲۱ ساور  $R_1+jX_1$  کے دائین منتقت کرنے سے شکل ۱۹ ساور  $R_2'+jX_2'$ کرنے سے شکل ۲۲ سے اصل ہوتے ہیں۔ <u>یونکی Î</u> کی مقید ارنہایت کم ۳ ہوتی ہے البذاایب کرنے سے نتائج پر سناص 

ی سے کا کھیا گیا ہے۔ ای قتم کے ادوار شکل ۲۰ سے بھی حیاصل ہوتے ہیں۔  $X_m$ 

ا ٹرانسفار مسرکے کل برتی ہو جھ کاصر نیسے دوسے چھے فی صب دہو تاہے۔ $\hat{I}_{\mathcal{G}}$ 





۱۲ باپ۳۳. ٹرانسفار م**پ**ر



شکل ۲۳.۲۳ برانسفار مسرکے سادہ مساوی ادوار۔

اور  $X_m$  اور  $X_m$  رکاوٹ  $R_1+jX_2+jX_2+k_2=1$  اور  $R_1+jX_2+k_2=1$  اور  $R_2+jX_2+k_2=1$  اور  $R_1+jX_2+k_2=1$  اور  $R_2+jX_2+k_2=1$  اور  $R_1+jX_2+k_2=1$  ا

... مسنویں میں دور حیاصل کرنے کی حیاط سر  $\hat{I}_{\varphi}$  کو صف تصور کر کے نظر انداز کیا جبا سکتا ہے۔ یوں میاوی دور میں  $R_c$  اور میں  $R_c$  کو کھلے دور تصور کرتے ہوئے دور سے ہیایا جبا سکتا ہے۔ مشکل  $R_c$  الف میں ایسا کیا گیا ہے۔ الف میں دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔ السان دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔ السان دور میں میں ایسا کیا گیا ہے۔

 $R_{ms}$  بی شروقت اس سے بھی کم در سنگی کے نتائج مطاوب ہوتے ہے۔ یوں  $R_{ms}$  کی بنا  $R_{ms}$  کو نظر راند از کرتے ہوئے شکل  $N_{ms}$  کا مسل کر انسفار مسر سال ہو گاج و  $N_{ms}$  کا مسل ٹر انسفار مسر سال ہو گاج و  $N_{ms}$  پر پور رااز تا ہے۔ کا مسل ہو گاج و  $N_{ms}$  بھی انسفار مسر سال ہو گاج و  $N_{ms}$  بر پور رااز تا ہے۔

# ۳.۱۱ کھلے دور معائن۔ اور قصسر دور معائن۔

گزشتہ حصبہ مسین ٹرانسفار مسرے مساوی ادوار پر بات کی گئی۔ ان مساوی ادوار کے احبیزاءٹر انسفار مسر کے دومعائنوں سے حسامسل کئے جبا سکتے ہیں جنہیں کھلا دور معائنہ اور قصسر دور معائنہ کہتے ہیں۔ اسس حصہ مسین ان معائنوں پر غور کسیا گیاہے۔

#### ا.۱۱.۱ کھلادور معیائن

کھلادور معیائے۔ ۱۲، جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹر انسفار مسر کی ایک حبانب کچھے کے سروں کو آزادر کھ کر کسیاحب تا ہے۔ سے معیائے۔ ٹر انسفار مسر کی بہندوٹی <sup>۱۷</sup> برقی دباواور تعددیاان کے متسریب قیبقوں پر کسیاحب تا ہے۔ اگر حپ ٹر انسفار مسر کے کئی بھی حبانب کچھے پر کھلے دور معیائے۔ سرانحبام دیا حباسکتا ہے، حقیقت مسین ایس کم برقی دباو کچھے پر کر نازیادہ آسان اور کم خطسرناک ہوتا ہے۔ یہ بات ایک مثال سے بہتر سجھ آئے گی۔

\_\_\_

open circuit test design design



مثال کے طور پر ہم A V،25 kV A 20 : 220 V،25 kV A کی دوری ٹرانسفار مسر کامعیائنہ کرناحپ ہے ہیں۔ یہ معیائنہ گسیارہ ہزار وولٹ کے لگ بھگ برقی دباواستعال ہو گاجب کہ دوسو ہیس برقی دباولچھ پر معیائنہ گسیارہ ہزار وولٹ کے لگ بھگ برقی دباواستعال کرناہو گا۔ دونوں صور توں مسیں تعدد ح H 50 H کے پر معیائنہ کرنے سے دوسو ہیس وولٹ کے لگ بھگ برقی دباواستعال کرناہو گا۔ دونوں صور توں مسیں تعدد ح H 50 H کے لگ بھگ رنائب ہیس خط رناک ثابت ہوسکتا ہے۔ یہی وجب ہے کہ کھلا دور معیائنہ کم برقی دباولچھے پر کسی حب تا ہے۔

 $V_t$  . يادرې يوځ نام ان کې مطلق موثر قيتول،  $\hat{I}_t = I_t / \phi_i$  اور  $\hat{V}_t = V_t / \phi_v$  يود باواور رو کې بات کرتے ہوئے نام ان کې مطلق موثر قيتول،  $\hat{V}_t$  اور  $\hat{I}_t$  يات کرتے ہيں۔

ی سنگل ۱۹.۵ مسیں باتیں ہاتھ کو کم برقی د باو والاحبانب تصور کریں۔ یوں  $V_t$  مت ام  $V_t$  پر منسر اہم کے حب کے گاجب کہ پیسائش  $I_{\varphi}$  منسر سنگل ۱۹.۵ در حقیقت  $\hat{I}_{\varphi}$  کی مطاق قیمت  $I_{\varphi}$  کی مطاق قیمت  $I_{\varphi}$  کی مطاق قیمت کے برابر ہوگا۔

$$I_t = I_1 = I_{\varphi}$$

اتیٰ کم برقی روسے کچھے کے رکاوٹ مسیں بہت کم برقی دباوگشتا ہے البندااسے نظر رانداز کسیاحباتاہے:

$$V_{R1} = I_t R_1 = I_{\varphi} R_1 \approx 0$$
$$V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$$

یوں جیب شنکل ۳.۱۹ سے ظاہر ہے  $R_c$  اور  $X_m$  پر تقسریب آ $V_t$  برتی دباوپایا جب کے گا۔ ان حق اُق کو مد نظسر رکھتے ہوئے مشکل ۳.۲۳ سے مسل ہوتا ہے۔ مشکل ۳.۲۳ سے مسلک ۳.۲۳ صال ہوتا ہے۔

scalar

با<sub>ب</sub> ۳. ٹرانسفار مسر

برقی طباقت کا نسیاع صرف مسزاحت مسیں مسکن ہے لہذا  $p_t$  صرف  $R_c$  مسیں ضبائع ہوگا۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$$

اس سے ٹرانسفار مسر کے مساوی دور کاحبزو  $R_c$  ساصل ہوتا ہے۔

$$R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

درج ذیل کی بن

$$Z_t = \frac{\hat{V}_t}{\hat{I}_t} = \frac{V_t/\phi_v}{I_t/\phi_i} = \frac{V_t}{I_t}/\phi_v - \phi_i$$

فنسراہم کر دہ دباواور پیپ کُثیرو کاتٹ سیب درج ذیل ہوگا۔

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

اب سشکل ۳.۲۴ سے درج ذیل واضح ہے

$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للبيذا

$$Z_t = \frac{jR_cX_m}{R_c + jX_m}$$
 
$$|Z_t| = \frac{R_cX_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$

ہوگا۔ یوں ٹر انسفار مسر کے مساوی دور کا جب زو  $X_m$ 

(r.rn) 
$$X_m = \frac{R_c |Z_t|}{\sqrt{R_c^2 - {|Z_t|}^2}}$$

مساوات  $R_c$  اور مساوات  $X_m$  و بین اور مساوات  $X_m$  و بین اور مساوات  $X_m$  اور  $X_m$  و بین اور مساوات  $X_m$  و بین اور مساور و بین اور مساور



مشكل ۳.۲۵ قصسر دور معيائن.

#### ۳.۱۱.۲ قصسر دور معسائن

قصسر دور معائن۔ بھی کھلے دور معائن۔ کی طسر آٹر انتقار مسرے کی بھی طسرون مسکن ہے لیکن حقیقہ مسین اسے زیادہ برتی دباو کچھے پر کرنا آسان ہو تا ہے۔ یہ معائن۔ ٹر انتقار مسر کے بیناوٹی برتی رویا اسس کے مسریب رو پر کسیا حباتا ہے۔

کسلے دور معائن۔ مسین مستعمل ٹرانسفار مسر کی بات آگے بڑھاتے ہوئے زیادہ برقی دباو کچھے کا بناوٹی رو A 2.2727 مورا اور کم دباو کچھے کا بناوٹی رو A 113.63 ہے۔ قصسر دور معائن۔ کم برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 113.63 جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 2727 درکار ہوں گے۔ حقیقت مسین A 2.2727 معائن زیادہ آسان ہوگا۔

اسس معائن مسیں کم برقی دباو کچھے کے سسروں کو آپس مسیں جوڑ کر قصسہ دور کسیاحباتا ہے جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے کے بناوٹی دباو کی دباوٹی دباوٹی دباوٹی دباوٹی دبارہ کی صد دباو کا لاگو کر کے اسس کچھے کابرقی رویا اور منسر اہم کر دہ طباقت t پاپاحباتا ہے جنہیں بالت رتیب قصسہ دور رو اور قصسہ دور طباقت کہتے ہیں۔ قصسہ دور کچھے مسیں گزرتے برقی رو کا تکسس دوسری حباب و گارے کہا تھا ہوتا ہے۔

چونکہ ہے۔ معائنہ بہت کم برقی دباو پر سسرانحبام دیا حباتا ہے المہذا ہیجبان انگسیز برقی رو کو مکسل طور پر نظر سرانداز کسیاحب سکتا ہے۔ اسس معیائنہ کادور سشکل ۳۰۲۵ میں دکھیایا گسیاہے جبسان ہیجبان انگسیزرو کو نظر انداز کرتے ہوئے Rc اور  $X_m$  کو کھلے دور کسیا گسیا ہے۔ قعسر دور معیائنہ مسین سشکل ۳۰۲۰ کے بائیں ہاتھ کو کم برقی دباو حبانب تصور کرتے ہوئے ۷۷ کو ۷۷ کی جگہ لاگو کرناہوگا۔

برقی طباقت صرف مسزاحت مسین صائع ہوسکتا ہے لہندا مشکل ۲۵ سے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے

$$p_t = I_t^2 R_{ms}$$

یوں ٹرانسفار مسرکے مساوی دور کا حسزو  $R_{ms}$  سامسل ہو تاہے۔

(r.rq) 
$$R_{ms} = \frac{p_t}{I_t^2}$$

قصبر دور برقی رواور قصب ربرقی دباوی

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

۷۸ باب۳, ٹرانسفار مسر

جب مشکل ۳۰۲۵ سے درج ذیل لکھا حب سکتا ہے۔

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

یوں  $R_{ms}$  کی قیمت مساوات  $R_{ms}$  سے حباتے ہوئے  $X_{ms}$  کی قیمت مساوات ہوتا ہے۔

$$(r.r.)$$
  $X_{ms} = \sqrt{\left|Z_t\right|^2 - R_{ms}^2}$ 

مساوات  $R_1$  کل مسزاحت دیت ہے البت اس سے  $R_2$  یا  $R_1$  حساس نہیں کیا جب سکتا۔ ای طسر حساس المراز ورد مسائن ہے کہ البت کے حباس کے حباس کے حباس کے حباس کے حباس کے مسکن ہے جو حقیقت مسین کافی ثابت ہوتا ہے۔ جب ال ان احب زاء کی علیجہ دہ علیجہ دہ قیمتیں در کار ہول وہال درج ذیل تصور کیا حباس کتا ہے جو حقیقت مسین کافی ثابت ہوتا ہے۔ جب ال ان احب زاء کی علیجہ دہ علیجہ دہ تیمتیں در کار ہول وہال درج ذیل تصور کیا حباس کتا ہے جب سکتا ہے جب سکتا ہے جب سکتا ہے مسین کافی خاند میں کافی خاند کی مسکن کے حباس کتا ہے جب سکتا ہے مسین کافی خاند کی مسین کافی خاند کی مسلم کی مسلم کتا ہے کہ مسلم کتا ہے کہ مسلم کتا ہے کہ مسلم کی خاند کی مسلم کتا ہے کہ مسلم کا مسلم کتا ہے کہ مسلم کتا ہے کہ مسلم کو مسلم کتا ہے کہ مسلم کی خاند کی مسلم کتا ہے کہ مسلم کی خاند کی مسلم کتا ہے کہ کتا ہے کہ مسلم کتا ہے کہ مسلم کتا ہے کہ کتا ہے کہ مسلم کتا ہے کہ مسلم کتا ہو کہ کا مسلم کتا ہے کہ کتا ہے کہ کتا ہے کہ مسلم کتا ہے کہ ک

$$R'_1 = R_2 = \frac{R_{ms}}{2}$$
  
 $X'_1 = X_2 = \frac{X_{ms}}{2}$ 

ٹرانسفار مسر معت نے ای معتام پر کیے حب تے ہیں جہاں ٹرانسفار مسر نسب ہو۔ یوں وہی برقی دباواستعال کرنا ہو گا جو وہاں موجود ہو۔ ہاں ضروری ہے کہ قصسر دور معتائیت مسین ٹرانسفار مسر کو بسناوٹی برقی دباوکا دو سے بارہ فی صد دیا جب ئے۔ مشالاً 11000 × 220 V × 11000 × 220 V × 1000 × 220 V × 1000 خرانسفار مسر کا کھلا دور معتائیت میں کی بھی ایک کر ہے۔ کو نگہ ہمارے ہاں 20 کو 120 کو 440 کی استعال کریں گئے۔ ای طسر ج دستیاب 220 کا استعال کرتے ہوئے کھلا دور معتائیت سرانجہام دیاجہ سکتا ہے۔

یاد رہے کہ ٹرانسفار مسر کی ایک حبانب کچھ کے سرے آپس مسیں جوڑ کر، لینی قصسر دور کر کے، دوسری حبان لیوا حبان لیوا حبانب کچھے پر کئی بھی صورت اسس حبانب کی پوری برقی دباولا گو نہیں بچھے گا۔ ایسا کرناٹ دید خطسرناک اور حبان لیوا ثابہ تا ہے، مکتا ہے۔

یادرہ کہ اُن معس کنوں سے حساصل مساوی دور کے احب زاءای حبانب کے لئے درست ہوں گے جس حبانب انہیں حسانب انہیں حساسکتی ہیں۔ انہیں حساصل کی حباسکتی ہیں۔ انہیں حساصل کی حباسکتی ہیں۔ مثال ۲۰۰۵ : ایک 25 کلووولٹ - ایمپیئر، 220 : 11000 دولٹ اور 50 ہرٹز پر حیلنے والے ٹرانسفار مسرکے کھلے دور اور قصب دور معسائے کے حباتے ہیں جن کے نتائج درج ذیل ہیں۔ ٹرانسفار مسرمساوی دور کے احب زاء تلاسش کریں۔

- کھلا دور معائن۔ میں کم برتی دباو حبانب V 220 لاگو کیا حباتا ہے۔ای حبانب برتی رو A 39.64 اور طاقت کاضیاع W 600 کی حباتے ہیں۔
- قصسر دور معائن مسین زیاده برقی دباه حبان ۷ 440 لاگو کیا حباتا ہے۔ای حبانب برقی رو A 2.27 اور طاقت کاخیاع W 560 کی جب تے ہیں۔

۱۲.۳. تین دوری ٹر انسفار مسسر

حسل کھلادور:

$$|Z_t| = \frac{220}{39.64} = 5.55$$

$$R_c = \frac{220^2}{600} = 80.67$$

$$X_m = \frac{80.67 \times 5.55}{\sqrt{80.67^2 - 5.55^2}} = 5.56$$

حبل قصبر دور:

$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83$$
 
$$R_{ms} = \frac{560}{2.27^2} = 108.68$$
 
$$X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160$$

اور  $X_{ms}$  کو کم برقی دباوحبانب منتقتل کرتے ہوئے  $R_{ms}$ 

$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 108.68 = 43.47 \, \mathrm{m}$$
 
$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 160 = 64 \, \mathrm{m}$$

لعيني

$$R_1 = R_2' = \frac{43.47 \text{ m}}{2} = 21.7 \text{ m}$$
  $X_1 = X_2' = \frac{64 \text{ m}}{2} = 32 \text{ m}$ 

 $\hat{V}_1$  سے جہاں ہوگا۔ ان نتائج سے حاصل کم برقی دباوحبانب مساوی دور مشکل ۳.۲۲ مسیں دکھیایا گیا ہے جہاں  $\hat{V}_1$  کم برقی دباووالی حبانب ہے۔

۳.۱۲ تین دوری ٹر انسفار مسر

اب تک ہم یک دوری کا ٹرانسفار مسر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت مسیں برقی طاقت کی منتقلی مسیں عسوماً تکین دوری ٹرانسفار مسر یک کھے رکھ کر بنایا دوری ٹرانسفار مسر اکٹھے رکھ کر بنایا

single phase 14 three phase 14

۸۰ پاپ۳۰ برانسفار مسر





شکل ۱:۳.۲۷ یک جی وتالیدیر تین ٹرانسفار مسر۔

سٹکل ۳.۲۸ الف مسین تین ٹرانسفار مسر دکھائے گئے ہیں۔ان ٹرانسفار مسروں کے ابت دائی کیجے آگیس مسین دو طسریقوں سے جوڑے جبا کتے ہیں۔ای طسرت ان کر ان کر ان کانوں کیجے بھی انہیں دو طسریقوں سے جوڑے جبا سکتے ہیں۔یوں انہیں درج ذیل حیار مختلف طسریقوں سے جوڑے حباسکتے ہیں۔یوں انہیں درج ذیل حیار مختلف طسریقوں سے جوڑاحباسکتا ہے۔

- $Y:\Delta$  ستاره: تکونی  $\bullet$
- Y:Y ستاره: ستاره
  - $\Delta:\Delta$  تکونی: تکونی •

star connected delta connected delta connected

۱۲ سب. تین دوری ٹرانسفار مسسر



<del>شکل ۲۸ . ۲۱: تین دوری ستاره - تکونی ٹر انسفار مسر</del>

#### $\Delta: Y$ تکونی:ستاره $\Delta: Y$

سشکل ۲۸ بس-الف مسیں تین ٹرانسفار مسروں کے ابت دائی کچھوں کو ستارہ نمس جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ثانوی کچھوں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔ سشکل - ب مسیں شین ول ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھوں کو ستارہ نمسا دکھیا گیا ہے۔ ای طسرح ثانوی کچھوں کو تکونی دکھیا گیا ہے۔ان اسشکال کی وجب ہے اسس طسرز کے جوڑ کو ستارہ نمساجوڑ اور تکونی جوڑ کتے ہیں۔

ایب سشکل بناتے ہوئے ہرٹرانسفار مسر کے ابت دائی اور ثانوی کچھے کو ایک بی زاوی پر دکھیا جباتا ہے۔ یوں شکل سنگل ۳.۲۸ الف مسین بالائی ٹرانسفار مسر، جس کے ابت دائی سسرے an اور ثانوی سسرے گونا ہیں، کو شکل ۳.۲۸ سسین صف رزاوی پر دکھیا گیا ہے۔ تین دوری ٹرانسفار مسروں کو اسس طسرح کی عسلامتوں سے ظاہر کیا حباتا ہے اور ان مسین صناب نہیں دکھیا جباتا۔

ٹر انسفار مسرکے جوڑ بیان کرنے وقت بائیں جوڑ کو پہلے اور دائیں جوڑ کو بعد مسین پکارتے ہیں۔ یوں مشکل ۲۰۳۔ ب مسین ٹر انسفار مسر کو ستارہ- تکونی حبڑا ٹر انسفار مسریا مختصر اً ستارہ- تکونی ٹر انسفار مسر کہسیں گے۔ ای طسرح استدائی حبانب کو بائیں اور ثانوی حبانب کو دائیں ہاتھ بسنایا حباتا ہے۔ یوں اسس مشکل مسین ابت دائی حبانب ستارہ نمس ہے۔ جب کہ ٹانوی حبانب تکونی ہے۔

ستارہ نما سے حیار برقی تاریں نکلتی ہیں۔ان مسیں مشتر کے تاری کو عصوماً ٹرانسفار مسر کے نزدیک زمسین مسیں

با**ـــــ**۳. ٹرانسفارمــــر ۸٢

گہرائی تک دھنیا جب اس تار کو **زمینی تار**ائیا صرف **زمین ت**ارکی است میں اے مٹھنڈ ک<mark>ی تار<sup>22</sup> کہتے ہی</mark>ں۔ باقی تین تاریںa,b,cم **مارa,b,c** 

ٹرانسفار مسرے کچھے پربرتی دباو کو یک دوری برقی دباو<sub>یدری</sub> ک<sup>۵۷</sup> کہتے ہیں اور کچھے مسین برتی رو کو یک دوری برقی رو<sub>یدری</sub> کا ا کتے ہیں۔ جب یہ ٹرانسفار مسرسے ماہر نکلتی کسی دوگرم تاروں کے ﷺ برقی دما**و کوگار کا برقیر دماو**یہ  $\hat{V}^2$ کتے ہیں اور کسی بھی گرم تار مسیس برقی روکومار کا برقی رویه (^^ کہتے ہیں۔ زمینی تارمیں برقی رو کوزملینی برقی روز ہے (^ 2 کہتے ہیں۔ ستاره Y حبانب یک **دوری** معتداردن اور **نا**رکے معتدارون کا تعسلق درج ذیل ہوگا۔

$$($$
ا۳، ا $)$   $V_{,t}=\sqrt{3}V_{,c,o,t}$   $I_{,t}=I_{,c,o,t}$ 

تکونی  $\Delta$  حبانہ بکہ دوری اور تار کی مقت داروں کا تعباق درج ہے۔

$$V_{
m Jt} = V_{
m Gask}$$
  $I_{
m Jt} = \sqrt{3} I_{
m Gask}$ 

اوات ۱۳٬۸۱ ور مساوات ۴۳٬۸۲ دوری سمتیر کے رہنے نہیں بلکہ غیر سمتی مطلق قیتوں کے رہنے دی ہیں۔ان ر شتوں کو شکل ۲۹ .۳مسیں د کھیا ہاگیا ہے۔مساوات ۴۱ .۳۱ور مساوات ۳۴ ٬۲۳سے درج ذیل حساصیل ہو تاہے۔

$$(r. r)$$
  $V_{\rm J} T_{\rm J} = \sqrt{3} V_{\rm J} V_{\rm J} V_{\rm J} V_{\rm J}$ يكروري  $V_{\rm J} T_{\rm J} = \sqrt{3} V_{\rm J} V_{\rm J} V_{\rm J}$ 

یک دوری ٹرانسفار مسسر کے وولٹ – ایمپیئر <sub>کیدوری</sub> I بھری کہ ہوتے ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مسسر مسل کر ایک عسد و تین دوری ٹرانسفار مسسر بنت تے ہیں ہائید تین دوری ٹرانسفار مسسر کے وولٹ – ایمپیئر تین گاذیل ہوں گے۔

$$( au. au \sigma)$$
  $= 3V_{ au, au, au} I_{ au, au, au} = 3 imes rac{V_{ au} I_{ au}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3} V_{ au} I_{ au}$ 

ب مساوات تاین دوری ادوار مسیں کشرے سے استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مسے رجس طسرح بھی جوڑے حبائیں وہ اپنی بنیادی کار کردگی تب دیل نہیں کرتے ہیں المبذا انہیں ستارہ نمسایا تکونی جوڑنے کے بعبہ بھی ان مسیں ہر ایکٹٹرانسفار مسرانفٹ را دی طور پر صفحہ ۵۲ پر دئے مساوات ۱۷ ۳ اور صفحہ ۷۰ پر دے مساوات ۲۲ سر پوراازے گا۔انہیں استعال کرے شکل ۲۹ سمیں دیے گئے ٹرانسفار مسروں کے ابت دائی اور ثانوی  $a=N_1/N_2$ ب دوری اور تارکی معتبداروں کے رہنے جب اصل کئے جب است شکل میں ہیں۔ ہے جہاں  $N_1:N_2$ ان مسیں ایک دوری ٹرانسفار مسر کے حیکر کاتٹ اسپ ہے۔ تین دوری ٹرانسفار مسریر گلی مختی پر دونوں حیانی تارکے برقی د ماو کاتٹ اسے لکھیا حیا تاہے۔

ground, earth,neutral21

neutral2" live wires20

phase voltage<sup>∠۵</sup>

phase current27

line to line voltage 22

line current<sup>2</sup>

ground current4

۱۳.۱۳ تين دوري ٹر انسفار مسر



شکل ۲۹.۳:ابت دائی اور ثانوی حبانب تار اوریک دوری مت داروں کے رہیے۔

شکل ۳.۲۹مسیں ستارہ- تکونی ٹرانسفار مسر کی تاریر برتی دباو کاشٹ سب

$$rac{V_{\dot{\mathcal{G}}^{j}\dot{\mathcal{G}}^{j}}}{V_{\dot{\mathcal{G}}^{j}\dot{\mathfrak{f}}}}=\sqrt{3}a=\sqrt{3}\left(rac{N_{1}}{N_{2}}
ight)$$

بب که ستاره-ستاره کا

$$rac{V_{arphi_j}}{V_{\mathcal{G}^{arphi_t}}}=a=\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$
יריי, איני

نگونی-ستاره کا

$$rac{V_{\dot{\mathcal{G}}^{j, \omega_{r}}}}{V_{\dot{\mathcal{G}}^{j, \psi}}} = rac{a}{\sqrt{3}} = rac{1}{\sqrt{3}} \left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

اور تکونی- تکونی کادرج ذیل ہو گا۔

$$rac{V_{ec{\mathcal{V}}_{\mathcal{C}}}}{V_{\mathcal{C}}}=a=\left(rac{N_1}{N_2}
ight)$$

مثال ۱۳۰۸: یک دوری تین یک ل ٹرانسفار مسرول کو ستارہ - تکونی کY = Y جوڑ کر تین دوری ٹرانسفار مسرب یا گیا ہے۔ یک دوری ٹرانسفار مسرکی برقی سکتے ۔ گوری ڈیل ہے:

 $50 \, \text{kV A}, \quad 6350:440 \, \text{V}, \quad 50 \, \text{Hz}$ 

rating^\*

۸۴ باب. ۳۰ برانسفار مسر

ستارہ- تکونی ٹرانسفارمسر کی ابت دائی حب نیب 11000 دولٹ تین دوری دباو تار لا گو کسیا گسیا۔ اسس تین دوری ٹرانسفار مسر کی ثانوی حب انب دباو تار معسلوم کریں۔ حسل: ہم ایک عصد دیک دوری ٹرانسفار مسر پر نظسر رکھ کر مسئلہ حسل کریں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مسر کے

ن. ۳۰۰۰ میانید سندوری در اعظار مستریز مستر در ها ر مستند سن حبکر کاشناسب درج ذیل موگامه

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

مساوات اہم. سے دباو تار درج ذیل حسامسل ہو تاہے۔

$$V_{\rm traffic} = \sqrt{3} \times 6350 \approx 11\,000\,{\rm V}$$

یک دوری ٹرانسفار مسر کی ثانوی حبانب V 440 ہوں گے جس کو مساوات ۱۲.۳ کی مددسے بھی حساسل کسیاحباسکتا ہے۔

$$V_{\mathcal{G}^{j}} = \frac{N_2}{N_1} V_{\mathcal{G}^{j}} = \frac{440}{6350} \times 6350 = 440 \,\mathrm{V}$$

ثانوی حبانب تین یک دوری ٹرانسفار مسرول کو تکونی جوڑا گیاہے۔ یوں مساوات ۳٬۴۲ کی مدد سے ثانوی دباو تاریبی ہو گا۔ تین دوری ٹرانسفار مسرکے دباو تار کاتساسب درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{V_{\text{jt},(\dot{b},\tau)}}{V_{\text{jt},(\dot{b},\tau)}} = \frac{11000}{440}$$

یہ۔ دوری ٹرانسفار مسر 50 کلو وولٹ۔ ایمپیئر کا ہے المہذا تین دوری ٹرانسفار مسسر 150 کلو وولٹ۔ ایمپیئر کا ہو گا۔ یوں تین دوری ٹرانسفار مسسر کی سکت ۱۸ورج ذیل ہو گی۔

 $150 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$ ,  $11000 : 440 \,\mathrm{V}$ ,  $50 \,\mathrm{Hz}$ 

ٹر انسفار مسر شختی ۱<sup>۸</sup> پر ٹر انسفار مسر کی سکت بسیان ہوتی ہے۔ اسس شختی پر تنین دوری ٹر انسفار مسر کے دونوں حبانب دباو تار لکھیا حباتا ہے ہند کہ کچھوں کے حبکر۔

ستارہ-ستارہ ٹرانسفار مسیں تین دوری برقی دباوے بنیادی احب زاء آپس مسیں °120 زاویائی مناصلے پر جبکہ تیسرے موسیقائی احب زاء آپس مسیں ہم مسیر ہم ت ہیں۔ متالب کی عنسیر تدریجی مناصیت کی بہن ٹرانسفار مسیں ہم مسیر ہم مسیر ہم میں ہوتے ہیں۔ تیسری موسیقائی احب زاء ہم مسیری موسیقائی احب زاء ہی وجب سے جمع مسیر ہم کر برقی دباوکا ایک بڑامون پسید اگرتے ہیں جو کبھی کبھیار برقی دباوے بنیادی حبزوسے بھی زیادہ بڑھی اہوتا ہے۔اسس وحب سے استارہ-ستارہ ٹرانسفار مسرعیام طور استعال نہمیں ہوتا ہے۔

باقی تین قتم حبڑے ٹرانسفار مسسروں مسیں تکونی جو ٹپایا حباتا ہے جس مسیں تنیسے ری موسیقائی احبزاء کی موج گرد شی رو پیسد اکرتی ہے۔ سے گرد ثی رو تنیسے ری موسیقائی احبزاء کی موج کے اثر کو حشتم کرتا ہے۔

rating<sup>At</sup>

۱۲ س. تین دوری ٹرانسفار مب ر



شکل ۳۰۰ ۳. ٹرانسفار مسر تکونی متوازن بوچھ کوط قت فنسراہم کر رہاہے۔

تین دوری ٹرانسفار مسر کے متوازن دور حسل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مسر ستارہ حسٹرا ہے۔ یوں یک دوری برقی رو، تار کا برقی رو ہو گا اور یک دوری لاگو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ ای طسر تر ہم اسس پر لدے برقی بوچھ کو بھی ستارہ حسٹراتصور کرتے ہے۔ یوں تین دوری دورکی بحبائے ہم نسبٹا آسان یک دور حسل کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر خور کرنا آسان ہو جب تاہے۔ آئیں ایک مشال ہے اسس عمل کو مسجھیں۔

کرنا آسان ہو جباتا ہے۔ آئیں ایک مشال ہے اسس عمسل کو مستجھیں۔ مشال ۹.۳: مشکل ۴۰۰ مسین تین دوری ۷ نے 2000،۵ کلو دولٹ - ایمپیئر، 600 ن 11000 دولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والا کامسل ٹرانسفار مسر تین دوری متوازن تکونی یو جھ کوط قت مہیا کر رہا ہے۔ یو جھ کاہر ھسے 10.1917 + 10.504 کے برابر ہے۔

- اسس شکل میں تمام برقی رومعسلوم کریں۔
  - برقی بوجه ۸۳ کو در کار طباقت معلوم کریں۔

حل: بہلے تکونی بوجھ کوستارہ بوجھ مسیں تب دیل کرتے ہیں:

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

ستارہ بو جھ کو شکل ۳.۳۱ میں دکھیایا گیا ہے جہاں ایک برقی تاریجے نقط دار لکسیر سے ظہر کیا گیا ہے کو گرانسفار مسر کی ذمین نقط ہے بوجھ کے مشتر کہ سرے کے در میان حسٹراد کھیایا گیا ہے۔ متوان دور میں اسس تار مسین برقی روصن ہوگا۔ حسل کرنے کی نیسے ہم اسس متوازن دور سے یک دوری حصہ لے کر حسل کرتے ہیں۔ مسین برقی رومسارہ بوجھ پریک دوری دباو 346.41 ہوگا ہیں۔ مسین برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 \underline{/-20.825^\circ}$$

اوریک دوری طباقت درج ذیل ہو گی۔

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^{\circ}) = 624007 \text{ W}$$

electrical load

۸۲ باب ۳٫ ٹرانسفار مسر



کل طباقت تین گٹ ہو گا یعنی 1872 kW اور اسس پوچھ کا حب زوط قت ی<sup>۸۸</sup> درج ذیل ہو گا۔

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

تكونى يو جھەمسىيں برقى رو1112.7 = 1112.<u>262 مىي</u>ى برقى رودرج الىم يېيئر ہو گا۔ ٹرانسفار مسىر كى ابت دائى جبانب برقى تارول مسين برقى رودرج ذيل ہو گا۔

$$\left(\frac{600}{11000}\right) \times 1927.262 = 105.12\,\mathrm{A}$$

اسس مثال مسیں حبزوط اقت 0.93467 ہے۔ اسس کتاب کے لکھے وقت پاکستان مسیں اگر صنعتی کار حنانوں کی برقی ہوچھ کی حب زوط اقت 0.9 کے کم ہوجائے توبر قی طباقت مسئراہم کرنے والا ادارہ (وایڈا) حب مان ناٹ ذکر تاہے۔

# ٣.١٣ ٹرانسفار مسرحپالو کرتے کمحہ زیادہ ہیجبان انگیپزبر قی رو کا گزر

جم دیکھ جی ہیں کہ ٹرانسفار مسر کے وتالب مسیں سائن نما کثافت مقت طبی بہاوہ  $B=B_0\sin\omega t$  ، کی صورت مسین درج ذیل کھی حب سکتا ہے جہاں آمنسری وت مربی  $NA_cB_0$  کو  $NA_cB_0$  کہا گیا ہے۔

$$\begin{aligned} v &= e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t} \\ &= \omega N A_c B_0 \cos \omega t \\ &= V_0 \cos \omega t \end{aligned}$$

power factor Ar

يوں درج ذيل ہو گا۔

(m.mg) 
$$B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

پ مساوات برت رار حیالو ۴۸۵ رانسفار مسر کے لئے درست ہے۔

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

ہے۔ یوں  $NA_c rac{\partial B}{\partial t}$  کو درج ذیل کھے حب سکتا ہے۔

$$V_0 \cos(\omega t + \theta) = NA_c \frac{\partial B}{\partial t}$$

ترتیب نوے بعب درج زیل کمل حاصل کیاحیا سکتاہے۔

$$B = \frac{V_0}{NA_c} \int_0^t \cos(\omega t + \theta) \, \mathrm{d}t = \frac{V_0}{\omega NA_c} [\sin(\omega t + \theta) - \sin\theta]$$

لوں  $\theta=0$  کی صورت مسیں B کی زیادہ سے زیادہ قیمت  $\omega t=\frac{\pi}{2}$  پر مساسل ہوگی جو مساوات ۳.۴۹ مسیس دی گئی قیمت کے عسین ہر اہر ہے:

$$B$$
بين  
ز =  $rac{V_0}{\omega N A_c} [\sin(rac{\pi}{2}+0) - \sin 0] = rac{V_0}{\omega N A_c}$ 

$$B$$
بينز  $= rac{V_0}{\omega N A_c} [\sin(\pi - rac{\pi}{2}) - \sin(-rac{\pi}{2})] = rac{2V_0}{\omega N A_c}$ 

وت الب کی H و کو گئی گٹ بڑھت ہے۔ البند اB دگٹ کرنے کی حت اطسر H کو گئی گٹ بڑھ سانا ہو گا ہو گئی گٹ بڑھ سانا ہو گا ہو ہو جو گئی گٹ بڑھ سانا ہو گئی گٹ بڑھ سانا ہو گئی ہے میں محسر کے برقی رو بڑھ سانے ہے ہوتا ہے M پیساں صفحہ معلی کہ برانسفار مسروں مسیں ہیجبانی کثافت مقت اطبی بہاو کی چوٹی  $B_0 \leq 1.3$  گرانسفار مسروں مسیں ہیجبانی کثافت مقت اطبی بہاو کی چوٹی گئی ہو سے گئے در کار ہیجبان انگی نے برقی رو کہ نہایت ہو سے گئے در کار ہیجبان انگی نے برقی رو کہ نہایت نیادہ ہوگی۔

steady state^2

<sup>^20000</sup> کلو دولہ ۔ ایمپیئر ٹرانسفار مسرے حپالو کرتے وقت تھسر تھسر اہیں کی آ داز آتی ہے

excitation current^4

۸۸ باب۳ برانسفار مسر

## باب

# برقی اور میکانی توانائی کاباہمی تتبادلہ

بر قی رویامقت طبی بہب و کی مدد سے برقی توانائی کومیکانی توانائی کوبر قی توانائی مسیس مختلف مشین سبدیل کرتے ہیں۔ پیپ کئی آلات، لاؤڈ سپیکر، مانکر وفون، وغسیرہ نہبایت کم طباقت کا سبادلہ کرتے ہیں جب ریلے ا، برقی مقت طیسس، وغیسرہ، قوت پیدا کرتے ہیں۔ کئی مشین، جن مسیس برقی موٹر اور جنسریٹ سٹسر سٹ سل ہیں، ایک قتم کی توانائی کو دوسسری قتم کی توانائی مسیس مسلسل میں بل کرتے ہیں۔

اسس باہے مسیں مقت طبیحی ہیںاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر خور کسیا حبائے گا۔ برتی رو کی مدد سے بھی توانائی کا تبادلہ سمجھاحباسکتاہے جس کا تذکرہ اسس کتاہے مسیں نہیں کسیاحبائے گا۔

اسساب مسین ہم وہ اہم تراکیب نسیکھیں گے جو انجنیئری مسائل حسل کرنے مسیں مد د گار ثابت ہوں گے۔

# ا. ۴ مقن طیسی نظام مسیں قوت اور قوت مسروڑ

برقی میدان E میں برقی بار p پر درج ذیل قوت اثر انداز ہوگی۔

$$(r.1)$$
  $F = qE$ 

مثبت برقی بار پر قوت برقی شد سے E کے رخ ہوگی جب کہ مفی بار پر قوت E محت الف رخ ہوگی۔ مقت طبیعی مید بان مسیں متحسر ک بار q ، جس کی سمتی رفقار q ، جس کی سمتی رفتار q ، جس کی برقی رفتار و برا رفتا

$$(r.r)$$
  $oldsymbol{F} = q \, (oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})$ 

مثبت برتی بار پر توت کارخ دائیں ماتھ کا قانون اورگا (شکل ۲۰۱۱)۔ دائیں ہاتھ کے انگوٹھے کو باقی انگیوں کے ساتھ بر وست را دست کی میں انگیوں کے ساتھ بر وست کر گے ، چھوٹے زاوی پر گھساکر ، B کے رخ موڑنے سے انگوٹٹ F کا رخ دیگا۔ منتی بار پر توت محسالہ ، کا کست منتی بار پر توت محسالہ ، کا کا ہے۔ منتی بار پر توت محسالہ ، کا کا کہ ہوگی۔

right hand rule

relay velocity



یہاں سنتی رفت ارq اور B کے گئے ہے۔ برقی اور مقت طبیمی (دونوں) میدان مسیں حسر کت پذیر بار پر قوت مساوات  $^{\circ}$  اور مساوات  $^{\circ}$  کر مجموعے ہے حساصل ہو گی جس کومساوا<u>ت لور پز</u>م کتے ہیں۔

$$(r.r)$$
  $F = q(E + v imes B)$  مساوات لوریت ز

$$egin{aligned} oldsymbol{F} &= q \left( rac{\mathrm{d} oldsymbol{L}}{\mathrm{d} t} imes oldsymbol{B} 
ight) \ &= rac{q}{\mathrm{d} t} \left( \mathrm{d} oldsymbol{L} imes oldsymbol{B} 
ight) \end{aligned}$$

جباں  $i=q/\,\mathrm{d}t$  کھے ہوئے درج ذیل ہوگا۔

$$( extstyle r. extstyle r) = (\mathrm{d} oldsymbol{L} imes oldsymbol{B})$$

مثال ا.۷: شکل ۴.۲ مسیں ایک حیکر کے گیا ملک مصیں ایک حیکر کے گئی ایک مقت طیمی میدان مسیں دکھیایا گیا ہے۔ کچھے کا ردانس 15سم، 0 تا می محوری کمب کی 50سم اور اس مسیں برقی رو5 ایمپیئر ہے۔ کثافت مقت طیمی بہب و کو نقط دار نوکسیلی لکے روں سے شمالی قطب سے جنوبی قطب کے رخ دکھیایا گیا ہے۔ اگر کثافت مقت طیمی بہب او 5.5 کشلا ہوتب

- کچھے کے اطبران پر قوت دریافت کریں اور
  - کیھے پر قوت مسروڑ au دریافت کریں۔

Lorenz equation



شکل ۲.۲:۱یک حیکر کے لیھے پر قوت اور قوت مسروڑ

حسل: مشکل-الف اور ب مسین کارتیبی اکائی سمتیات و کھائے گئے ہیں۔ برقی تاریح سسروں کو نظر انداز کرتے ہوئے اے ایک بنند مستطیل تصور کرتے ہیں۔ یوں سشکل-الف مسین برقی روئے رخ تاریح اطسران کی سسمتی لمبائیاں درج ذیل ہوں گی جہاں 1 محوری لمبائی ہے

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{ ext{y}} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{ ext{x}} \end{aligned}$$

جب کہ  $B=B_0 a_x$  ہوگا۔ ان مسین  $a_{
m x}$  اور  $a_{
m y}$  اکائی سمتیات ہیں۔ یوں مساوات  $a_{
m y}$  کے تحت ان اطسراف پر قوت (یوٹن) در جن ذیل ہوگا۔

$$egin{aligned} m{F}_{bc} &= i \left( m{L}_{bc} imes B_0 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 5 \left( 0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= -1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{cd} &= 5 \left( -0.3 m{a}_{
m x} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 0 \\ m{F}_{de} &= 5 \left( -0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x} 
ight) \\ &= 1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{eb} &= 0 \end{aligned}$$

ہم دیکھتے ہیں کہ صرف محوری اطسراف پر قوتیں پائی حباتی ہیں جنہ میں سٹکل ۲۰۸ ب مسیں دکھایا گیا ہے۔ شکل ۲۰۲ الف اور ب مسین b اور e کے چھناصلہ 2r ہے۔ محوری اطسراف پر اثر انداز قوت، مسروڑ پیدا کرتی ہیں جس کارخ دائیں ہاتھ کے وت نون سے حب صل ہوگا۔ منتظیل تارپر قوت مسروڑ (نیوٹن میٹر) درج ذیل ہوگا۔  $au=1.375 imes2 imes0.15 imes\sin\theta a_{
m y}$   $=0.4125\sin\theta a_{
m y}$ 

مساوات ابہ تامساوات ہم کا استعال صرف سادہ ترین صور توں مسیں ممسکن ہوتا ہے۔ حقیقی مشینوں مسیں ان مساوات سے تھے بین جس سے ہم مختلف مشینوں ان مساوات سے قوت تعسین کرنامشکل ثابت ہوتا ہے۔ آئیں ایک ایک ترکیب مسیکھتے ہیں جس سے ہم مختلف مشینوں مسین پائی حبانی وائی کی حب بو تو انائی کے اٹل ہونے پر مسبنی ہے۔

گومتی برقی مشین عسوماً دو کچھوں پر مشتل ہوتی ہیں۔ان مسین ایک لچھامشین کے ساکن حصہ پرلیٹ ہوتا ہے جس کی بنت سے ساکن رہت ہے اور ساکن کچھوں ہر مشین گھومتے کی بنت سے ساکن رہت ہوئے ایر مشین کھومتے ہوئے ایر مشینوں کی کار کردگی سے سے بھی گھومت ہے۔اس کو گھومتا کچھا کہتے ہیں۔ان کچھوں کو دوعہ دمقت طیسس تصور کرتے ہوئے ایسی مشینوں کی کار کردگی باآب نی سمجھی حب سے ہے۔

جس طسر S دومقت طیسس اگر فت ریب لائے حبائیں توب کو مشش کرتے ہیں کہ ایک کاشمال N دوسسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

موٹر کے دو کچھ مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ ہم حبانے ہیں کہ ایک مقناطیس کے شمال N اور دوسرے کے جنب کے قات کشش پائی حباتی ہیں۔ ہم حبانے ہیں کہ ایک مقناطیس ہباو گھوٹے کچھ آگے رہ کر جنوب کا کے فقتی کر کام کرتا ہے۔ جنسریٹ مسیں اسس کے بر عکس گھومت کچھ، ساکن کچھے پر کام کرتے ہوئے اسس مسیں برقی وباو پیدا کرتا ہے۔

توانائی کے طسریقے کو مشکل m, m کی مدد سے مجھا حبا سکتا ہے۔ یہب ان مقت طیسی نظام کو ایک ڈب مانٹ درکھایا گیا ہے۔ اسس نظام کو برق توانائی مہیا کی حباتی ہے جس کو سے میکائی توانائی مسیں تبدیل کر تا ہے۔ یہب ان برق توانائی کے متغیرات و ناصلہ x اور میدانی قوت  $F_m$  ہیں۔ اسس مشکل مسیں بائیں بیخی است دائی یا اولین حبانی نے انگر نے امرر نے جب دائیں بیخی ثانوی حبانیہ  $F_m$  کا رُخ اندر سے باہر رخ ہے۔ سے طرانسفار مسرد ورکے مشکل کے m کی مانٹ دیے۔

جہاں نظام مسیں توانائی کے ضیاع کو ذخیرہ توانائی سے علیحہدہ کرناممسکن ہو وہاں توانائی کے ضیاع کو ہیں۔ ونی رکن تصور کیاحب تا ہے۔ مشکل ۲۰٫۲مسیں ایک ایسابی نظام دکھایا گیا ہے جس مسیں کچھابرتی نظام اور حسر کی حصہ میکانی نظام کو ظاہر کرتے ہیں اور کچھے مسیں توانائی کے ضیاع کو ہیں۔ ونی مسزاحیہ ہے ظاہر کسیا گیا ہے۔

توانائی کا بنیا دی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی حب سے تی ہے اور ناہی اے تب ہ کی حب سکتا ہے۔ اسس کو صرف ایک فتح مے دوسسرے فتم کی توانائی میں تبدیل کسیا حب سکتا ہے۔ یوں نظام کو منسراہم برقی توانائی میں زخسید ملک کا ایک حصب میکانی توانائی میلی  $\partial W$  مسیں تبدیل ہو گاجب کہ اسس کا دوسسراحسس، مین طیبی  $\partial W$ ، مقن طیبی میں دان مسیس ذخسیرہ ہو گا اور باقی

co-energy<sup>2</sup>

stator coil

rotor coil

ميداني قوت  $F_m$ مين چھوٹی ککھ کی مسیں mلفظ میدانی کو ظاہر کر رہاہے۔  $^{\wedge}$ 



#### مشکل ۲۰.۳ برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تب دلہ کانظام۔



شکل ۴.۴:قوت پیداکرنے والا آلا۔

حسہ، من کی کام نے آکے گا: حسریقوں سے صن کُع ہو گیا جو ہمارے کی کام نے آکے گا:  $\partial W_i$ 

برقی توانائی کے ضیاع کو نظہ رانداز کرتے ہوئے

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\lambda}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\lambda}} + \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\lambda}} + \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\lambda}}$$
 در ما

 $2 \partial t$ کھے جس کو  $\partial t$ ے تقسیم کرکے

$$\frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\angle}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\angle}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\angle}}}{\partial t}$$

کھے حب سکتا ہے جو تو انائی کی بحب نے طب قت کی بات کرتی ہے۔ اسس مساوات کے بائیں ہاتھ برقی طب قت کو eig اور دائیں ہاتھ میکانی حصہ مسین  $\partial W$  کھو کر ہائی جہ میکانی حصہ مسین کا میں جہ میکانی حصہ مسین کا میکانی حصہ میکانی حصہ مسین کی جو تو اور دائیں کی جو تو تو اور دائیں کی جو تو تو ان کی جب کے طب قدم کی جو تو تو ان کی جب کے میکانی حصہ مسین کی جب کے میکانی حصہ مسین کی جب کے حصہ کی جب کے حصہ کی جب کی جب کے حصہ کی جب کی جب کے حصہ کی جب کی جب کی جب کے حصہ کی جب کی جب کے حصہ کی جب کے حصہ کی جب کی جب کی جب کے حصہ کی جب کرتے ہے جو تو تو جب کے حصہ کی جب کے حصہ کی جب کے حصہ کی جب کی جب کے حصہ کے حصہ کے حصہ کی جب کے حصہ کے حصہ کے حصہ کی جب کے حصہ کے حص

$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

 $\sim$  استعال کرتے ہوئے اسس کو  $W_m$  ککھی گیا ہے۔ مساوات ۱۲.۲۷ ستعال کرتے ہوئے اسس کو

$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$



مشکل ۸ . ۲۰ : توانائی کی قتم تب دیل کرنے والا ایک نظام۔

کھے حب سکتا ہے۔ دونوں اطسراف کو  $\partial t$  سے ضر ب دے کر ترتیب نو کرتے ہوئے درج ذیل حب صل ہوگا۔

$$\partial W_m = i\partial\lambda - F_m\partial x$$

مساوات ۱۰ س توانائی کے طسریق کی بنیاد ہے۔ اسس مساوات کو استعمال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیاد کی طور پر لوریٹ نز کے وتانون e ہے ہی پیدا ہوتی ہے۔ مساوات ۱۰ س مسین برقی متغیبرات i اور e کی بحب نے i اور k ہیں۔ الہذا شکل ۳۰ م کو مشکل ۵۰ می کی طسرح بھی بنیا داستال ساتھ ہے۔

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial z}{\partial y} \, \mathrm{d}y$$

ای طسرح $W_m(x,\lambda)$  کال تفسرق

$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} \, \mathrm{d}\lambda$$

ہو گا جس کا مواز نے مساوات ۱۰ ۴ کے ساتھ کرکے درج ذیل انسند کسیا حبا سکتا ہے جہاں ایک متغیبر کے ساتھ حب زوی تفسر ق لیتے وقت دو سرے متغیبر کو صریحیاً مستقل ظہیر کسا گیا ہے۔

$$F_m(x,\lambda) = -\left.rac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}
ight|_{\lambda_0}$$

$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|_{x_0}$$

مقت طبیعی میدان مسین مقت طبیعی توانائی  $W_m(x,\lambda)$  دریافت کر کے مساوات ۱۳۰۳ کی استعمال سے قوت دریافت کی حب سب کتی ہے۔ شکل ۲۰٫۴ مسین قوت اور حسائی درز مسین مقت طبیعی بہاوا یک دوسسرے کے متوازی ہیں۔ اگلے حسب مقت طبیعی توانائی کا حصول سکھایا سے گا۔

Lorenz equation

# ۲.۲ سبادله توانائی والاایک کچھے کانظام

شکل ۲۰۰۲ مسیں ایک لیجے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ لیچے مسیں برقی ضیاع کو بسیرونی مسزاحت سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ میکانی نظام مسیں حسر کی حصہ کی کمیت کو نظسر انداز کسیا گیا ہے۔ جب اسس کمیت کا اثر حبانت ضروری ہودہاں اسس کو ایک بسیرونی کمیت تصور کسیاحب سکتا ہے۔ اسس طسرح تب دلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہوتا

$$(r.1a) \lambda = L(x)i$$

 $\partial W_{i,\gamma}$  سین قوت  $F_m$  کے رخ طے ہونے والا ف اصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام  $\partial W_{i,\gamma}$  سین قوت  $\partial W_{i,\gamma}$  ہو گاجب کہ منسراہم برقی توانائی  $\partial W_{i,\gamma}$  و  $\partial W_{i,\gamma}$  برق توانائی  $\partial W_{i,\gamma}$  و منساوات  $\partial W_{i,\gamma}$  کومساوات  $\partial W_{i,\gamma}$ 

$$\int \partial W_m(x,\lambda) = \int i(x,\lambda)\,\mathrm{d}\lambda - \int F_m(x,\lambda)\,\mathrm{d}x$$

اسس تکمل کا حصول سشکل ۲. ۴ ہے واضح ہوگا۔ابت دائی نقطے پر مقت طیسی نظام کو کوئی برقی توانائی منسر اہم نہمیں کی گئی ہے۔ یوں نظام مسین برقی روصنسر ہوگی جسس کی جسس کی بہنا و اور ارتباط بہاو بھی صنسر ہول کے الہذامقت طیسی میدان مسین مقت طیسی توانائی بھی صنسر ہوگی۔ کسی بھی مقت طیسس کی قوت کشش اسس کی مقت طیسی بہاو پر منحصسر ہوتی ہے الہذا اصنسر مقت طیسی بہاو کی بنااسس نظام مسین قوت کشش صنسر ہوگا اور یوں اسس مسین حسر کت بھی صنسر ہوگا۔اسس طسرح ابت ائی نقطہ پر درج ذیل ہوں گ

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

ابت دائی نقط شکل ۲.۳ مسیں و گھسایا گیا ہے۔ اب کچھے کو برقی توانائی منسر اہم کی حب تی ہے۔ کچھے مسین برقی رو کی بن تو سے دار حسر کرت پید اہو گی۔ آمنسر کار نظام اختتا کی نقط بی بہتے گا۔ اختتا کی نقط ہی مشکل مسین و کھسایا گیا ہے۔ اسس نقط ہی رہنے گا۔ اختا کی نقط ہی سکل مسین و کھسایا گیا ہے۔ است دائی نقط ہے۔ اختتا کی نقط ہی میدان مسین توانائی نقط ہے۔ ابت دائی نقط ہے۔ اختا کی نقط ہی بہتے نے لئے برقی توانائی کو یوں بڑھ سایا جا ہے کہ کہ اور یہ شکل ۲.۳ مسین موثی ککسیسر (اصل راستے پر میں وات ۱۲۔ می کھمل نقط ہی برمقی طیسی میں مقت طیسی توانائی  $W_m(x_0, \lambda_0)$  جب نے کے لئے اصل راستے پر مساوات ۱۲۔ می کھمل کی بجب نے ہم متب دل راست اختیار کرتے ہیں۔ حساس راہ پر محمل کر نامو گا جو ایک میں مشکل کام ہے۔ اسس راہ پر محمل کی بجب نے ہم متب دل راست اختیار کرتے ہیں۔

integral"



شكل ٢. ٢م:مقت طيسي مبدان مسين توانائي \_

ہم اس حقیقت سے بنائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقن طیسی میدان ایک قدامت پہند میدان "اے جس کا مطلب ہے کہ مقن طیسی میدان ایک حقومت پہند میدان "اے جس کا مطلب ہے کہ مقن طیسی میدان میں مقت طیسی توانائی صرف اور صرف اختامی نقطہ کے میں اور میران میں مقت المیں ہوئی الے چونکہ توانائی کا دارومدار راہ پر مخصص رہوگی "اے چونکہ توانائی کے حصول کے ممل مسیں ہم من پسند راستہ اختیار کرتے ہیں۔ ہم ممل لیسے ہوئے شکل ۲۰۹ مسیں ابت دائی نقطہ سے پہلی راہ حیل کر مناصلہ  $x_0$  طے کرکے دوسری راہ اختیار کرکے اختیامی نقطہ میں اور دی مساوات ۱۹۳۴ کو دو محملات کا محبوعہ کھا جبائے گا۔ ایک محمل نقطہ (0,0) سے نقطہ وردوسر رایب اسے نقطہ  $(x_0,\lambda_0)$  کئی لیاجب نے گا۔

$$\int_{\mathbb{R}^{|J|}} \partial W_m(x,\lambda) = \int_{\mathbb{R}^{|J|}} \partial W_m(x,\lambda) + \int_{\mathbb{R}^{|J|}} \partial W_m(x,\lambda)$$

ا س مباوات کے دائیں ہاتھ تکملات کوباری باری دیکھتے ہیں۔ پہلی راہ تکمل کومساوات ۲۰۱۲ کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m(x,\lambda)=\int_0^0i(x,0)\,\mathrm{d}\lambda-\int_0^{x_0}F_m(x,0)\,\mathrm{d}x$$

جی شکل ۲.۲ مسیں دکھ یا گیا ہے، پہلی راہ پر  $\lambda$  جب میں اس بات کو برقی رو  $\lambda$  برق رو  $\lambda$  برق رو  $\lambda$  برق رو رو آب کہ اور قوت  $\lambda$  برق کے کہ استدائی اور اختای نقطوں پر  $\lambda$  صف رہ البنا ہوں۔  $\lambda$  برق رو  $\lambda$  بوگا۔ ایسے محمل کی قیت صف رہوتی ہے جس کا استدائی اور اختای نقطے ایک دو سرے کے برابر ہوں۔  $\lambda$  برابر ہوں ہوتا ہے کہ ہوتا ہے لیا ہوگا۔ برابر ہوں پہلی راہ ورق ہے محمن موگا۔ ہم جب نتے ہیں کہ صف رکا محمل صف بروتا ہے لیا ہے البنا نواعد ہوتا ہے لیا ہوگا۔ بول پہلی راہ

conservative field"

<sup>&#</sup>x27;''تحباذبی مسیدان بھی مت دامت پسند مسیدان ہے۔ای لئے اگر کیت m کو کسی بھی داسنے h کی بلنندی تک لے حبایا حبائے تواسس کی ففی توانائی mgh ہو گی۔

ير كاتكمل (مساوات ١٨.١٨) صف ر هو گا:

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m(x,0)=\int_0^0i(x,0)\,\mathrm{d}\lambda-\int_0^{x_0}F_m(x,0)\,\mathrm{d}x=0$$

مساوا<u>۔۔۔</u> ۱۷.۳ مسیں دوسسری راہ کا تکمل

$$(r.r\bullet) \qquad \int\limits_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_m(x_0,\lambda) = \int_0^{\lambda_0} i(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}\lambda - \int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}x$$

ہوگا۔ دو سری راہ پر  $x=x_0$  ہوگا۔ دو سری راہ پر  $x_0=x_0$  ہوگا۔ دو سرے کمل کا ابت دائی نقطہ  $x_0$  اور اختامی نقطہ بھی  $x_0$  ہوگا۔ نقطہ کمل صف رہوگا:

$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0,\lambda)\,\mathrm{d}x = 0$$

آ حنسر مسیں مساوات ۴.۲۰ کے دائیں ہاتھ، برقی رو کا تکمل حسل کرنا باقی ہے۔ مساوات ۴.۱۵ استعال کرتے ہوئے اسے حسل کرتے ہیں۔

$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0,\lambda)\,\mathrm{d}\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda\,\mathrm{d}\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

مساوات ۲۰۲۰، مساوات ۱۳۲۱ اور مساوات ۳۲۲ کے نتائج استعال کرتے ہوئے مساوات ۱۲.۴ مسیں دیے تکمل کا حسل کلھتے ہیں:

$$W(x_0, \lambda_0) = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

اسس مساوات مسیں اختتا می نقط کو عصومی نقط ہ $(x,\lambda)$  کیتے ہوئے درج ذیل حساس ہو گاجو مقت طیسی میدان مسین توانائی کی مساوات ہے۔

(r.rr) 
$$W(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L(x)}$$



شکل ۷.۴: حسر کت اور توانائی۔

ن پونک پی پونک پونک پر پر کامیشتر صبال بازوی نے پی پازوتک پینی پر مقت طیسی ہیں و کامیشتر صبال بازوتک پینی کے کے حسر کی حصب سے گزرے گا (سٹکل کے بی بی بول ساکن حصب میں مقت طیسی ہیں و صلا کی درز کے تستریب میں کو حصب سی سے گزرے گا دوانائی کے کلیے و کانائی کے بیال و کانائی کے کلیے و کانائی کے بیال و کانائی کے کلیے و کانائی کے کلیے و کانائی کے بیال و کانائی کے کلیے و کانائی کی کہا ہے و کانائی کے کلیے و کانائی کے کانائی کے کلیے و کانائی کے کانائی کے کلیے و کانائی کے کانائی کے کلیے و کانائی کے کانائی کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کے کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کی کانائی کی کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کی کانائی کی کانائی کے کانائی کی کانائی کے کانائی کی کانائ

مثال ۱۳۰۳: شکل ۱۳۰۸ میں توانائی کے طسریت ہے تو ہے  $F_m$  دریافت کریں۔ حلی ہے جات ہے جات ہے ہوگا جب ان توانائی کے متغیرات x اور  $\lambda$  بیل مثال ۱۳۰۳ میں میں میں اوات ۱۳۰۳ میں مصل کی جو توانائی کا کلیے ہے۔ ایس کرتے ہوئے کہ کی جب کہ جات ہے کہ بالا بیک میں میں میں میں اوات ۱۳۰۳ میں میں میں میں میں اوات ۲۰۳۳ میں سے سل کے متغیرات x اور x بی بجب کے حصول کے تاکہ توانائی کے درست متغیرات ورکار ہوں گے تاکہ توانائی کے درست متغیرات کے درکار ہوں گے تاکہ توانائی کے درست میں ہوتا ہوں کے درکار ہوں گے تاکہ توانائی کے درست طریقت درن ذیل ہے۔

$$(\textbf{r.ra}) \hspace{1cm} W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2\left(\frac{N^2\mu_0A_g}{2g}\right)} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0w(b-x)}$$

٣٠.٣. توانائي اور ٻم توانائي



مشكل ٨ . ٢٠: هم توانائي كي تعسر يفي

ساوات ۲۵.۳۱ ورمساوات ۱۳.۱۳ مسل کر درج ذیل دیتی ہیں۔

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$

 $L=\frac{N^2\mu_0w(b-x)}{2g}$  تفسرق لینے کے بعد  $\lambda=L$  ہوگا۔ یوں توسیم کی ایک جہاں کی ایک ہوگا۔ یوں توسیم

$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28274$$

x نیوٹن حساس ہوتی ہے۔ قوت کی عسلامت منفی ہے جس کے تحت قوت گھٹت x رخ ہوگی۔ یوں حسر کی حصہ بائیں رخ کھٹنی جب کے گا۔ شکل x ہم میں قوت اور حنائی درز مسیں مقت طیسی ہب اوا یک دوسرے کے متوازی تھے جب کہ مشکل کے x ہم میں قوت اور حنائی درز مسیں مقت اطیسی ہب اوا یک دوسرے کے عسودی ہیں۔

# ۳.۳ توانائی اور ہم توانائی

سشکل ۴.۸ مسین  $\lambda$  اور i کے مابین ترسیم و کھایا گیا ہے۔ اسس لکسیر کے نیجے رقب کو ہم توانائی  $W_m$  تصور کریں۔ اسس ترسیم پر کوئی ایک نقط  $(\lambda,i)$  کے کر ایک لکسیر نیجے اور دوسسری بائیں کھنچ کر ایک منتظیل مکسل کسیا گیا ہے۔ جس کارقب ہم توانائی  $W_m$  کہلاتا ہے۔ جس کارقب ہم توانائی  $W_m$  کہلاتا ہے۔

$$($$
י. ריז $)$   $W_m' = \lambda i - W_m$ 

co-energy "

ہم توانائی کے حبزوی منسرق

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

سین مساوات ۱۰ ۴ کااستعال

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + F_m \partial x$$

ہو گالبنے ناہم توانائی  $W_m'(x,i)$  کا حب زوی منسرق درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W_m'(x,i) = \frac{\partial W_m'}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial W_m'}{\partial i} \, \mathrm{d}i$$

مساوات ۲۸٪ مکامساوات ۲۷٪ سم کے ساتھ مواز نے کرنے سے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

اور

$$F_m = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial x} \right|_{i_0}$$

مساوات ۳۳٬۳۰ قوت دریافت کرنے کا دوسراکلید دیتی ہے۔ مساوات ۳۳٬۳۰ مسیں ہم توانائی جبکہ مساوات ۱۳۰٬۳۰ مسیں ہم توانائی جبکہ مساوات ۱۳۰٬۳۰ مسیں توانائی کے ذریعیہ قوت حساسل کی گئی۔ توانائی کے طسریق کی طسرح مساوات ۲۰۰۹ء درج ذیل تکمل کھے حساسکتا ہے۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $W_m'(i_0,x_0)=\int_0^{i_0}\lambda(i,x_0)\,\mathrm{d}i$ 

جن نظام مسیں  $\lambda$  اور i کا تعساق تغیبر راسی ہو، جس کو مساوات ۲.۲۹ بیان کرتی ہو، ان کے لئے درج بالا تکمل کا حسل درج ذیل ہو گاجب اس میں  $x_0$  بین بوگاجب اس کی بین بین بوگاجب کے بین متغیب راست و اور x کھے گئے ہیں۔

(r.rr) 
$$W_m'(i,x) = \int_0^i L(x) i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x) i^2}{2}$$

٣٠٠. توانائي اور ڄم توانائي



بعض مسائل مسیں توانائی اور بعض مسیں ہم توانائی کااستعال زیادہ آسان ثابیہ ہو تاہے۔

مثال ۲۰۰۳: مثل ۲۰۰۹: سنگل ۲۰۰۹ مسین ایک پیچیدار لچھ و کھسایا گیا ہے جس کی محوری کمب بی اور دست N اور حسک N میں۔ پیچیدار لچھ کے مقت طبی بہب و کا بیشتر حصہ محوری رخ کچھ کے اندر رہتا ہے۔ کچھ کے بہر مقت طبی بہب و کو نظر رانداز کرتے ہوئے کے خدر محوری کمب اُئی رخ میدانی شدت  $\frac{NI}{I} \approx H$  ہو گا۔

موصل دھا۔ کو امالی برتی توانائی سے بگھ کانے کے لئے پیچدار کچھ استعمال کیا حباتا ہے۔ مسین 100 تا 1500 کلو واٹ برقی طباقت کی **امالی برقی بھٹیاں** ابن تار ہاجو بالت مرتیب 500 تا 1200 ہر ٹزیر کام کرتی اور 100 سے 3000 کلوگرام لوہا بگھساتی ہیں

پگھلاتی ہیں۔ امالی بھٹی کے پیچدار کچھے کے اندر غنیسر موصل پیالے مسین دھاسے کے کلڑے ڈال کر کچھے مسین بدلت ارو گزاری حباتی ہے جو دھاسے مسین بھبنور نمسالهالی برقی روپیدا کرتی ہے۔ بھبنور نمسار و دھاسے کو گرم کر کے پگھلاتی ہے۔ امالی برقی بھٹی مسین لوہے کو 1650 ڈگری سیلمیئیں آئیسے گرم کمیاحب تاہے۔

پیچدار کچھے مسین برقی رو 10 کی بین کچھے پر ردائ رخ میکانی دباولیعنی قوت فی مسسر بخارقب پیدا ہو گا۔ میسری 3000 کلوگرام لوہا پگھ لانے کی بھٹی کے پیچدار کچھے کی تفصیل درج ذیل ہے۔

$$N=11, \quad I_0=$$
 10 000 A,  $\quad l=$  0.94 m,  $\quad r=$  0.49 m

اسس پرردای رخ یکانی دباو (نیوٹن فی مسرئع میٹر) حساسل کریں۔ حسل: ہم توانائی کا طسہ یقب استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W_m'(r,i) &= \frac{L i^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W_m'}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

high frequency, induction furnaces (Action Celsius, Centigrade)

باب ۲۰. برقی اور میکانی توانائی کاباہمی تب دله

1+1





#### مشكل ١٠ به: برقى مقن طيسس ـ

اسس قوت کی عسلامت مثبت ہے الہذا ہے۔ ردائی رخ باہر حبانب ہو گا۔ کچھے کو نکلی تصور کریں جسس کی گول سطح کارقب  $A=2\pi rl$ 

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8604 \, \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

مثال ۴۰۵٪ 2700 کلوواٹ امالی بھٹی یومیہ 70ٹن الوہا پگھلاتی ۱۸ہے۔اتنے وزن کی منتقلی کے لئے برقی مقن طیسس استعال کیا حیاتا ہے۔ شکل ۱۰٪ مسین ایک ایسابرتی مقن طیسن د کھایا گیا ہے جس کی تفصیل درج ذیل ہے۔

$$N=300, \quad A={\rm 0.8\,m^2}, \quad I={\rm 30\,A}$$

برقی مقت طیسس اور لوہے کے ﷺ اوسط و نساسلہ 2.5 سنٹی میسٹر لیں۔ بیسہ برقی مقت طیسس کتنی کیے۔ کالوہااٹھ سکتا ہے؟ حسل:

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 A}{2l} \\ W_m'(l,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 A i^2}{4l} \\ F &= \frac{\partial W_m'}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 A i^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.025^2} = -32\,572\,\mathrm{N} \end{split}$$

قوت کی عبدامت منتی ہے۔ یوں ہے مقت طیس اور لوہ کے نی مناصلہ کم کرنے کی کوشش کرتی ہے۔ ہے مقت طیس اللہ عبد اللہ کی مقت اللہ کا کہ مقت اللہ کا کہا ہے۔

> ا ہزار کلوگرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ ۱۸ ہے مسین اپنے تحب ربے کی بنسیاد پر کہے۔ رہاہوں۔



مشكل ١١.٧٨: دولچھوں كانظسام\_

مثال ۲۰۰۹: مثال ۲۰۰۳ کونم توانائی کے طسریق ہے حسل کریں۔ حسل: مساوات ۲۰۰۲ سے

$$W_m' = \frac{L(x)i^2}{2} = \frac{N^2 \mu_0 w(b-x)i^2}{4g}$$

لکھ کر مساوا۔۔ ۴۰٬۳۰ سے درج ذیل قو۔۔ ساصل ہوتی ہے۔

$$F_m = \frac{\partial W_m'}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4 a} = -28\,274\,\mathrm{N}$$

## ۴.۴ متعبد د کچھوں کامقن طیسی نظیام

اب تک ایک کچھے کے نظام پر غور کیا گیا۔ اس حصہ مسین ایک سے زیادہ کچھوں کے نظام پر غور کیا جبائے گا۔ متعدد کچھوں کا نظام بھی ایک کچھے کا برتی رو i اور گا اور دو کچھے کا برتی رو i اور دو سرے کچھے کا برتی رو i کے کا برتی روز کے کے درج ذیل کھٹ مسکن ہے جبال k ذخیہ ہو توانائی کو ظاہر کرتی ہے۔

(r.rr) 
$$\partial W_{ec{\Lambda}_{\prime}}=i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+i_2\,\mathrm{d}\lambda_2$$

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\mathcal{L}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\mathcal{L}}} + \partial W_{m}$$

$$\partial W_{\dot{b}\dot{b}}$$
 = بياني مساوات کو دو سرى مسيں پُر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات کو دو سرى مسيں پر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات کا کھیا گیا ہے۔

$$(\textbf{r.ra}) \hspace{3.1em} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = F_m \, \mathrm{d}x + \partial W_m$$

اسس کی ترتیب نو درج ذیل دیگی۔

$$\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)=i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+i_2\,\mathrm{d}\lambda_2-F_m\,\mathrm{d}x$$



شکل ۱۲ . ۴ : دولچھوں کے نظام مسین مقت طیسی میدان مسین توانائی۔

اب بالكل مساوات ١٢.٢٢ كي طسرح درج ذيل لكهاحب سكتاہے۔

$$(r.r2) \hspace{1cm} \partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} \, \mathrm{d}\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} \, \mathrm{d}\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} \, \mathrm{d}x$$

مساوات ۲۰۳۱ اور ۳۷ م کے مواز نہ سے درج ذیل تعسلقات اخسذ ہوتے ہیں۔

(r.th) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2,x}$$

(r.rq) 
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1,x}$$

$$(r.r.) F_m = -\frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \bigg|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

ان مساوات کا استعمال تب ممسکن ہو گاجیب ہمیں تو انائی سلامعسلوم ہو لہذا ہم پہلے تو انائی دریافت کرتے ہیں۔ مشکل ۱۱، ۴ مسین کچھوں کو یوں طباقت دی حسان ہو گاجیہ کہ اگر ہو تا ہے۔ اسس عمسل کو صف سرے بالت مرتی کی لکیپ رہے بطور "اصل راہ" دکھ یا اور ساتھ ہی مصف سرے تبدیل ہو کر  $x_0$  ہو تا ہے۔ اسس عمسل کو صف کا ۱۱، ۴ مسین موٹی لکیپ رہے بطور "اصل راہ" دکھ یا گیا ہے۔ مساوات کا ۲۰، ۴ کی طسر ری ذخیب رہ تو انائی کے تکمل کے لئے درج ذیل کھی حب سکتا ہے۔

ہم دائیں ہاتھ کھلا ہے کو باری باری حسل کرتے ہیں۔

پہلی راہ پر  $\lambda_2$  اور اختامی قیت  $\lambda_2$  منسررتے ہیں جب کہ  $\lambda_2$  کی ابت دائی قیت  $\lambda_2$  اور اختامی قیت  $\lambda_2$  اور اختامی تیت کہ اور پر تکمل

درج ذیل ہو گا۔

$$\int\limits_{\mathrm{d}x} \partial W_m = \int_0^0 i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 - \int_0^{x_0} F_m \,\mathrm{d}x$$

کسی بھی تکمل کااہت دائی اور اختیامی نقط ایک دوسسرے جیب ہونے کی صورت مسین تکمل کی قیمت صف رہو تی ہے البند ادرج بالامسین دائیں ہاتھ، بہلے دو تکملات صف رہوں گے:

$$\int_0^0 i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

 $F_m$  بہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صف رہیں، لیخی، دونوں کچھوں مسیں برتی روصف رہے، اہلیذ امقت طبیحی بہب اوادر تو  $F_m$  صف رہوں گے۔ لیوں مساوات ۲٫۴۲ مسیں تو ہے کا تکمل صف رہوگا۔

$$(r,rr)$$
  $\int_{0}^{x_{0}} F_{m} \, \mathrm{d}x = \int_{0}^{x_{0}} 0 \, \mathrm{d}x = 0$  (۴,۲۲)

ماوات ٣٣.٨٣ اور ماوات ٢٩٨.٨ ك نت انج ك تحت بهملى راه يرتكمل صف ر ہوگا۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^d}\partial W_m=0$$

 $x_0$  سنسری راہ پر  $\lambda_1$  کی ابت دائی قیت 0 اور اختامی قیت  $\lambda_2$  ہے،  $\lambda_2$  صف رہت ہے جب کہ گی قیت رہتی ہے۔ یوں دوسسری راہ پر تکمل ورج ذیل ہوگا۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^{d/2}}\partial W_m=\int_0^{\lambda_{10}}i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+\int_0^0i_2\,\mathrm{d}\lambda_2-\int_{x_0}^{x_0}F_m\,\mathrm{d}x$$

تکمل کاابت دائی اور اختیای نقط۔ ایک جیب ہونے کی صور ۔۔ مسین تکمل صف رہوگا:

$$\int_0^0 i_2\,\mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m\,\mathrm{d}x = 0$$

یوں مساوا۔۔ ۲۸۴۸ درج ذیل صور۔۔ اختیار کرتی ہے۔

$$\int \partial W_m = \int_0^{\lambda_{10}} i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1$$
 المراب المر

يباں مساوات ٢٠٣٦،٢١٣٣، ١ اور ٢٠٣٨ كى ضرورت بيش آئے گى جنہيں دوبارہ پيش كرتے ہيں۔

$$(r.rn)$$
  $\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$ 

$$(r.rq)$$
  $\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$ 

$$(r.s.)$$
  $L_{12} = L_{21}$ 

$$i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

$$i_2=rac{L_{11}\lambda_2-L_{21}\lambda_1}{D}$$

حاصل ہو گاجہاں D درج ذیل ہے۔

$$D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

ما وات  $\lambda_2$  کر درج ذیل حساس اوگر در گردرج دیل حساس اوگر در کر درج دیل حساس اوگرد کر درج دیل حساس اوگا که اوگر

$$\int_0^{\lambda_{10}} \left( \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{10}} \lambda_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{10}^2}{2D}$$

یوں دوسے ری راہ پر تکمل کی قیمے درج ذیل ہو گی۔

$$\int\limits_{\mathbb{R}^{d}}\partial W_{m}=\frac{L_{22}\lambda_{10}^{2}}{2D}$$

تیسری راہ پر  $\lambda_1$  کی قیست  $\lambda_1$  اور x کی قیست  $\lambda_2$  پر بر فسسر ارر ہتی ہے جب کہ کی ابت دائی قیست  $\lambda_1$  اور اختتا کی قیست  $\lambda_2$  کی ابت دائی قیست  $\lambda_3$  اور اختتا کی قیست  $\lambda_4$  کی ابت درج ذیل ہوگا۔

$$\int\limits_{\lambda_{10}}\partial W_m=\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}}i_1\,\mathrm{d}\lambda_1+\int_0^{\lambda_{20}}i_2\,\mathrm{d}\lambda_2^2-\int_{x_0}^{x_0}F_m\,\mathrm{d}x$$

تکمل کا ابت دائی اور اختتامی نقط۔ ایک جیب ہونے کی صورت مسین تکمل کی قیمت صف رہوتی ہے اہلیندا درج بالا مسین دائیں ہاتھ پہلا اور تنیب راتکمل صف رہوگا:

$$\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}} i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \,\mathrm{d}x = 0$$

مساوات ۲۰۵۲ کی استعال ہے مساوات ۴۰۵۴ کا باقی حصبہ حسل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \int_0^{\lambda_{20}} i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 &= \int_0^{\lambda_{20}} \left(\frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_{10}}{D}\right) \mathrm{d}\lambda_2 \\ &= \frac{L_{11}}{D} \int_0^{\lambda_{20}} \lambda_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - \frac{L_{21}\lambda_{10}}{D} \int_0^{\lambda_{20}} \mathrm{d}\lambda_2 \\ &= \frac{L_{11}\lambda_{20}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D} \end{split}$$

مساوات ۵۵ بهاور مساوات ۵۱ به کی نتائج سے تیسری راه کا تمل درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$\int_{\omega \cup \omega} \partial W_m = rac{L_{11} \lambda_{20}^2}{2D} - rac{L_{21} \lambda_{10} \lambda_{20}}{D}$$

$$W_m' = i_1 \lambda_1 + i_2 \lambda_2 - W_m$$

ہو گی۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W'_m=i_1\partial\lambda_1+\lambda_1\partial i_1+i_2\partial\lambda_2+\lambda_2\partial i_2-\partial W_m$$
 : استعال کرتے ہوئے ہم توانائی کے جبزوی مسرق کی ساوات  $\partial W'_m(x,i_1,i_2)=\lambda_1\operatorname{d} i_1+\lambda_2\operatorname{d} i_2+F_m\operatorname{d} x$ 

جب کہ اور  $\lambda_2$  ، اور  $F_m$  کی مساواتیں درج ذیل ہوں گا۔

(7.4.) 
$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial i_1} \right|_{x,i_2}$$

$$($$
 (४.५)  $\lambda_2=\left.rac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial i_2}
ight|_{x,i_1}$ 

$$F_m = \left. rac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial x} 
ight|_{i_1,i_2}$$

مساوات ۸۵۸ می معتابل ہم توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گا۔

$$W_m'(x,i_1,i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

ہم قوت کوہم توانائی سے حساسس کرتے ہیں:

$$(\text{r.yr}) \qquad F_m = \left. \frac{\partial W_m'(x,i_1,i_2)}{\partial x} \right|_{i_1,i_2} = \frac{i_1^2}{2} \frac{\mathrm{d} L_{11}(x)}{\mathrm{d} x} + \frac{i_2^2}{2} \frac{\mathrm{d} L_{22}(x)}{\mathrm{d} x} + i_1 i_2 \frac{\mathrm{d} L_{12}(x)}{\mathrm{d} x}$$

مثال کے بین مشکل ۱۱.  $\gamma$  مشیں میکانی کام کو  $\partial W_{\rm ad} = T_m \, \mathrm{d} \theta$  ککھ کر توانائی کے طسریق ہے حسل کریں۔ توانائی کی مساوات

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\mathbf{L}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\mathbf{L}}} + \partial W_m$$

سیں

$$\partial W_{\ddot{\mathfrak{z}}_{\checkmark}}=i_{1}\,\mathrm{d}\lambda_{1}+i_{2}\,\mathrm{d}\lambda_{2}$$

اور  $\partial W_{ik} = T_m \,\mathrm{d} heta$ ر کرکے ترتیب نوسے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d} \lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d} \lambda_2 - T_m \, \mathrm{d} heta$$

 $W_m$ ے حبزوی منسرق

$$\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,\theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} \, \mathrm{d}\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} \, \mathrm{d}\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} \, \mathrm{d}\theta$$

کامساوات ۲۵ ، ۴ کے ساتھ مواز ن کرنے سے درج ذیل اختذ کیے حباسکتے ہیں۔

$$i_1=\left.rac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)}{\partial \lambda_1}
ight|_{\lambda_2, heta}$$

$$i_2=\left.rac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)}{\partial \lambda_2}
ight|_{\lambda_1, heta}$$

(7.4a) 
$$T_m = -\left.\frac{\partial W_m(\lambda_1,\lambda_2,\theta)}{\partial \theta}\right|_{\lambda_1,\lambda_2}$$

مساوات ۴.۲۵ مسین مساوات ۴.۳۷ کی مانند ہے۔ مساوات ۴.۲۵ مسل کرنے کا ایک ایک ایک متدم مساوات ۴.۲۵ مسین میدانی توانائی مساوات ۴.۳۸ مسل کرنے کی طسر ہے، بسس و ناصلہ x کی جگہ زاویہ  $\theta$  آئے گا۔ یوں جو اب مسین میدانی توانائی کے متغیب رات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  مول گے:

$$W_m(\lambda_1,\lambda_2, heta)=rac{L_{22}\lambda_1^2}{2D}+rac{L_{11}\lambda_2^2}{2D}-rac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$



مشکل ۱۳۱، ۲۷: دولچھوں کے نظب مسین قوت مسروڑ۔

اسی طسرح ہم توانائی کے لئے درج ذیل ہو گا۔

$$\partial W_m'(i_1, i_2, \theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$

$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W_m'(i_1,i_2,\theta)}{\partial i_1} \right|_{i_2,\theta}$$
 
$$\lambda_2 = \left. \frac{\partial W_m'(i_1,i_2,\theta)}{\partial i_2} \right|_{i_1,\theta}$$
 
$$T_m = \left. \frac{\partial W_m'(i_1,i_2,\theta)}{\partial \theta} \right|_{i_1,i_2}$$

ہم توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

$$W_m'(i_1,i_2,\theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

مثال ۸.۷: سشکل ۴.۱۳ مسیں دو کچھوں کا نظام د کھایا گیا ہے۔اسس نظام کا ایک حصہ ساکن رہت ہے اور دوسر انگھوم سکتا ہے۔افقی لکسیسر سے گھسٹری کی سوئیوں کے محنالف رُن گھومتے ہوئے زاوی کی ناپاجب تا ہے۔ کچھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندر حب ذیل ہیں۔

$$\begin{split} L_{11} &= 20 + 30\cos 2\theta \\ L_{22} &= (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3} \\ L_{12} &= 0.15\cos \theta \end{split}$$

ير قى روم  $T_m$ مىلوم كىي ب $i_1=0.02$  A,  $i_2=5$  كىي ب

حل: ماوات ۲۲،۲۴م توانائی دیتی ہے۔

 $W_m' = \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)i_1^2 + \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)(10^{-3})i_2^2 + (0.15\cos \theta)i_1i_2$ 

مساوات ا۲،۴ کاآحنری حبزو قوت مسرور دیتی ہے۔

$$\begin{split} T_m &= \frac{\partial W_m'}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_2^2 \sin 2\theta - 0.15i_1i_2 \sin \theta \\ &= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta \\ &= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta \end{split}$$

قوت مسروڑ کی عسلامت منفی ہے المہندا ہے زاویہ مسین تبدیلی کی ممنالفت کرے گا۔ یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں (مثبت  $\theta$ ) توہ نظام زاویہ کم کرنے کے رخ قوت مسروڑ (منفی  $T_m$ ) پیدا کرے گا وراگر آپ زاویہ کم (منفی  $\theta$ ) کرنے کی کوشش کریں توہ نظام زاویہ بڑھانے کے رخ قوت مسروڑ (مثبت  $T_m$ ) پیدا کرے گا۔ رہان مسین گھومت احمد افقی کلیے رپر رہنے کی کوشش کرے گا۔

## ا\_\_ه

# گھومتے مثین کے بنیادی اصول

اسس باب مسیں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا حبائے گا۔ ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قتم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہسیں اسس باب مسین اکٹھا کمیا گیا ہے۔

#### ا.۵ متانون فسيرادّ

ق**انون فیرا**ڈے اے تحت جب بھی کسی کچھے کاار تباط بہاو کہ وقت کے ساتھ تبدیل ہو،اسس کچھے مسیں برقی دباوپیدا ہو گا:

$$(\mathbf{a.1}) \hspace{3.1em} e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گومتے مشین مسیں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طسریقوں سے پیدا کی حباسکتی ہے۔مشلاً کچھے کو ساکن مقن طبی بہاومسیں گھساکریاس کن کچھے مسیں مقن طیس گھساکر،وغنسیرہ وغنسیرہ۔

ان برقی مشینوں مسیں کچھے مقت اطبیق فت الب اپر لیسٹے حب تے ہیں۔ اسس طسر رح کم سے کم مقت طبیق دباوے زیادہ سے زیادہ مقت اطبیمی بہب او حب اصل کر سے حب اتا ہے اور کچھوں کے مامین مشتر کہ مقت اطبیمی بہب اوبڑھ ایا حب اتا ہے۔ مسزید وت الب کی مشکل تبدیل کر کہ مقت اطبیمی بہب او کو ضرور ت کے مصام پر پہنچ سایا حب اتا ہے۔

ان مشینوں کے متالب مسیں مقت طیمی ہیں وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے لہذا مسیں تھبنور نما برقی رو ''پیدا ہوتا ہے۔ان تعبنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی حناطسر باریک لوہے کی پتسری ''تہہ در تہدر کھ کر متالب بنایاحہا تا ہے۔ آپ کویاد ہوگا، ٹرانسار مسرکات الب بھی ای طسرح بنایاحہا تا ہے۔

Faraday's law'
magnetic core'
eddy currents'
laminations'



شکل ۵.۱: دو قطب، یک دوری معاصر جنسریٹ ر

#### ۵.۲ معاصرمشین

سٹکل ا.۵ مسیں معاصر برتی جنسر کا ایک بنیادی سٹکل دکھایا گیا ہے جس کے متالب مسیں ایک مقت طیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ میکانی زاوی  $\theta_m$  مقت طیسس کا معتام دیتا ہے۔ افتی لکسیر سے حنلان گھٹری زاوی  $\theta_m$  ناوی  $\theta_m$  ناوی سے ملائے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقن طیس ایک مقصررہ رفت ارے، فی سیکنڈ n مکسل حپ کر کائت ہو تہہ ہم کتے ہیں کہ اس مقن طیس کے گوئے کا تعدد n ہر نڑ<sup>ہ</sup> ہے۔ ای بات کو بیل بھی ہیان کیا حب اتا ہے کہ مقن طیس 360 کو بیل بھی ہیں کہ ایک حب کے مقت طیس 360 کی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے جب کی اسس رفت ارکو گوم کی سیکنڈ بھی کہ سیکنڈ بھی کہہ سیکتے ہیں۔ یوں اگر مقن طیس n ہر ٹزکی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے  $2\pi f$  ریڈ بیکن کی سیکنڈ کی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے کے جب کو سیکتے ہیں۔ یوں اگر مقن طیس n ہر ٹزکی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے ہیں۔ یوں اگر مقت طیس ایک کی رفت ارے گوم رہا ہوت ہے ہیں۔ یوں اگر مقت طیس ایک کی رفت ارکو گوم کی ایک کی دفت ارکو گوم کی ایک کی سیکنڈ کی رفت ارکو گوم کی ایک کی ایک کی دفت ارکو گوم کی ایک کی دفت ارکو گوم کی ایک کی دفت ایک گوم کی ایک کی دفت ایک گوم کی دفت ارکو گوم کی دفت ایک کی دفت ایک گوم کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت ایک گلی کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت کی دفت کی دفت ایک گوم کی دفت کی دور کی دور کی دور کی دفت کی دفت کی دفت کی دور کی دور کو کی دور کی دور

$$\omega = 2\pi f$$

اسس كتاب مسين گومنے كى رفت اركوع موماً ريديئن فى سيكنڈ مسين سيان كسياحبائے گا۔

سٹکل ۱، ۵ مسیں مشین کے دومقت طبیعی قطب ہیں، اسس لئے اسس کو دوقطی مشین کہتے ہیں۔ ساکن و تالب مسیں، اندر کی حبانب دوسٹ گاف ہیں، جن مسیں ۷ حبکر کالچھ موجود ہے۔ کچھ کو ۵ اور ۵ سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ اسس کچھ کی مسین کوایک کچھے کامشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھے جنسریٹر کے ساکن مصر پرپایا حباتا ہے لہذا ہے۔ لیے ایسی کھے گیا گھے کامشین بھی کہتے ہیں۔ کچھا کہتے ہیں۔

مقت طیسس کامقت طیسی بہب و شمالی قطب ایک سے حضارج ہو کر حضاائی درز مسیں سے ہو تا ہوا، باہر گول متالب مسیں سے گزر کر ، دوسسرے حضائی درز مسیں ہے ہو تا ہوا، مقت طیسس کے جنوبی قطب '' S مسیں داحضل ہو گا۔ اسس مقت طیسی

Hertz<sup>a</sup>

rounds per minute, rpm

radians<sup>2</sup>

stator coil<sup>A</sup>

north pole9

south pole

۵.۲ معب صرمت بین

بہاو کو ہلکی سیابی کے ککسیروں ہے د کھایا گیا ہے۔ یہ مقت طیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے مسیں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل ا. ۵مسیں مقت طیسس سیدھی سلاخ کی مانٹ درکھایا گیا ہے۔

سشکل ۵.۲ مسیں مقب طیس تقسر با گول ہے اور اسس کے محور کا زاویہ  $\theta_m$  صنسر کے برابر ہے۔ مقب طیس اور ساکن و تالب کے تخ صنسر زاویہ ،  $0 = \theta$  ، پر حنسان کی درز کی لمب ان کم سے کم اور نوب زاویہ ،  $0 = \theta$  پر حنسان کی درز کی لمب ان کم سے کم اور نوب زاویہ ،  $\theta_m$  کے محم اور نوب زاویہ ،  $\theta_m$  کے محت نیادہ ہوگی اہم نے کم ہوگی جب کہ زیادہ حنسان کی درز پر جھکے پاہشتہ ان کی درز کے المب نی یوں تب دیل کی حب ان کی درز کے محت الحق ورز کے المب کی یوں تب دیل کی حب ان ہے کہ حنسان کی درز کی لمب ان بیات مسیں سے محدود کی زاویہ پر داحم نام ہوتا کے در احمال ہوتا کی در زمین کی در نام کے در احمال ہوتا کی در زمین کی در نام کی

$$(a.r) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب آثافت مقت طیسی بہاو B صف رزاوی 0 ورزیادہ سے زیادہ اور نوے زاوی 0 وراوی 0 ورخس مقت طیسی بہاو 0 و سف سرزاوی ورزیادہ سے زیادہ اور مسل کے شمالی قطب سے گھٹڑی کے معت سل کے درز مسیں مقت طیسی بہاو 0 و کے ساتھ تبدیل ہوگا۔ 0 کو مقت طیسی بہاو و مسیل کا تعلیم بہاو مسیل کا بہار نوکسیلی کسیسروں کی لمب آئی سے آثافت مقت طیسی بہاو کا مطاق قیمت ورز کی مطاق قیمت بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل مسیں بلکی سیابی سے 0 ورز 0 و کھایا گیا ہے۔ اس شکل مسیں بلکی سیابی سے 0 ورز 0 و کھایا گیا ہے۔ اس شکل مسیں بلکی سیابی سے 0 ورز 0 و کھایا گیا ہے۔ اور کا مقت طیسی بہاوردا کی رخ جب کہ 0 ورز مسیل آور مسیل آور مسیل گذافت مقت طیسی بہاو و ورز و کا کا ترضیم سے مسئل نمی ہوگا۔ شکل ساتھ مسیل مقت طیسی بہاو کا در مسیل گذافت مقت طیسی بہاو کا مقت میں مقت طیسی ہیں ہوگا۔ شکل ساتھ کے شاکل ورز مسیل گذافت مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت مشیل عمل مسیل مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت مقت طیسی کا فیصل مسیل مقت الحسی بہاو کی مطابق قیمت مقت طیسی کا فیصل مسیل مقت الحسی بہاو کی مطابق قیمت میں مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت میں مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت مقت طیسی مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت میں حضل کی درز میں کاف میں مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت میں حضل کی درز میں کاف میں مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت میں حضل کی درز میں کاف میں مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت میں حضل کی درز میں کاف میں مقت طیسی بہاو کی مطابق قیمت میں حضل کی درز میں کاف میں مقت طیسی بہاو کی مطابق کی درز میں کاف میں مقت طیسی بہاو کی مطابق کی درز میں کاف میں مقت طیسی بہاو کی مطابق کی کاف کے میں کاف کی میں کاف کے میں کاف کے کہا تو میں کاف کے کاف کے کے تاہم کی کی کی کو کاف کے گئے ہیں جہال سے دری ذیل کی کی کاف کے کاف کے گئے ہیں جہال سے دری ذیل کی کی کی کو کاف کے کاف کے کے کاف کی کو کاف کے گئے ہیں جہال سے دری ذیل کی کو کاف کے کاف کی کو کاف کے کاف کے

$$B = B_0 \cos \theta_p$$
 
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

یوں درج ذیل ہو گا۔

$$(a.a) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

سشکل ۳٫۵ مسیں مقت طیسس اور اسس کا سائن نمس مقت طیسی دباو پیشش کی آئی ہے۔ جیسا شکل ۵٫۳ مسیں دکھ ایا گئی ہے، ایسے مقت اطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کارخ گیا ہے، ایسے مقت اطیسی دباو کو عصوماً ایک سمتیہ سے ظاہر کسیاحب اتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقت اطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کارخ مقت طیس سے شمال کو ظاہر کرتا ہے۔

 $\lambda_{\theta}$  ارتباط ہباو میں مقت طیک ہوں کو گھیے کا ارتباط ہباو ہے۔  $\theta_m(t_1)$  پر دکھیایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط ہباو سے ہوم رہاہو تب ساکن کچھے مسیں اسس لمحہ پر برقی دہاو (1) ویداہو گا: پر برقی دہاو گا:

$$e(t)=rac{\mathrm{d}\lambda_{ heta}}{\mathrm{d}t}$$



شکل ۵.۲: کثافت ِمقت طیسی بہاوادرزاوی کاتب دیلی۔



شکل ۵٫۳ کثافت مق<sup>ی</sup> طیسی بهباداور مق<sup>ی</sup> طیسس کازاوی \_\_\_



شکل ۴، ۵:مقن طیسی د باو کوسمتیہ سے ظاہر کیا حب تاہے۔

۵٫۲ معاصرمشین



مشكل ۵.۵: حسار قطب يك دوري معاصر جنسريت ر

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین مسیں اگر مقت طیس  $f_m$  حپکر فی سیکنڈ کی رفت ارے گھومت ہوت کچھے مسیں امالی برقی دیاو e(t) بھی ایک سیکنڈ مسیں  $f_m$  مکسل حپکر کاٹے گالہذا  $f_m$  تو تعدو " $f_m$  کی قیبت  $f_m$  برٹر "اہوگی۔

$$f_e = f_m$$

اسس مشین مسین میکانی زاوی m واور برقی زاوی m واور برقی زاوی m واور برقی زاوی m و وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپ مسین ایک تناسب رکھتے ہیں البندا البیے مشین کو معاصر مشین " کتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

شکل ۵.۵ مسین حیار قطب، یک دوری معاصر جنسریٹ دکھیایا گیا ہے۔ چھوٹے مشینوں مسین عصوماً مقن طیسس جب کہ برای مشینوں مسین برقی مقنا طبیح "استعال کے مقنا طبیح میں برقی مقنا طبیح " استعال کے کے ہیں۔ اسس شکل مسین برقی مقنا طبیح میں کی ایک شمالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جب تا ہے۔ مشکل مسین استعال کے اس حوالہ قطب کو m برد کھیایا گیا ہے واور یوں دو سراشمالی قطب (m + m) زاوی ہے۔ بہت کہ بہت میں مقنا طبیع کے حیار قطبین ہیں۔ بر ایک شمالی قطب کے بعد اور سے کن کچھوں کی تعبد اد اور سے کن کچھوں کی تعبد اد

frequency

Hertz'r

synchronous machine

electromagnet "





شکل ۵.۷: سائن نمسا کثافت ِمقت طیسی بہاو۔

شکل ۵.۱: حیار قطب، دو کیھے مشین میں مقساطیسی بساویہ

ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہے۔ سشکل ۵.۵ مسیں مشین کے حپار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے حبار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے حبار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، اہندااسس مشین کے ساکن حصہ پر دوساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو 10 ہے واضح کہا گیا ہے ہے اور دوسے گانے میں رکھا گیا ہے۔ ای طسری جو دوشے گانے وار دام میں رکھا گیا ہے۔ ای طسری جو دوشے گانے وار دام جو گانے وار دام جو گانے اس مطری جسندیٹ میں میں یک ال برقی دباویسدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھول کو سلمہ وار دام جو گار شاہر گار دباتا ہے۔ اسس طسری جسندیٹ سے سے ساسل برقی دباوا کی دباوی کے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھیے متا ہے۔ شکل ۵۵ میں حیار قطبین بیں اہندا اسس کاایک کچھا نوے میکائی زاویے کے ادباطے کو گھیے متاہے۔

ساکن اور حسر کی کچھوں کی کار کردگی ایک ووسرے سے مختلف ہوتی ہے۔ اسس کی وضاحت کرتے ہیں۔
جیس پہلے بھی ذکر کیسا گیسا چھوٹی گھو متی مشینوں مسیں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس صنداہم کرتا ہے جبکہ
بڑی مشینوں مسیں برتی مقناطیس میدان مسندا ہم کرتا ہے۔ اگر حپ اب تاک کی امشاکل مسیں مقناطیس کو گھومت
حصد دکھایا گیسا ہے، حقیقہ مسیں مقناطیس کی مشین مسیں گھومت اور کی مسیں ساکن ہوگا۔ میدان منداہم کرنے والا کچھا مشین کے کل برتی طباقت کے چند فی صد برابر برتی طباقت استعال کرتا ہے۔ میدان منسراہم کرنے والے اسس کچھے کو میدانی کے لیے بیں۔ اسس کے بر تکس مشین مسیں موجود دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ اسس کے بر تکس مشین مسیں موجود دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ برتی جند فی صد برتی ہو۔ دوسری نوعیت کے کچھے کو قوری کچھا کا کہتے ہیں۔ اس کے برقی طباقت وی کچھے کے میں چند فی

سشکل ۸.۹ مسیں گھومتے اور س کن حصہ کے پچ حنلائی درز مسیں شمالی قطب سے مقن طیبی بہب وہاہر نکل کر مت الب مسیں داحن ہوتا ہے جنوبی قطب پر مقن طیبی بہب او حت الب سے نکل کر جنوبی قطب مسیں داحن ہوتا ہے۔ شکل مسیں داحن ہوتا ہے جب کہ جنوبی قطب پر مقن طیبی بہب او کی گافت کو دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اسس حنلائی درز مسیں ایک گول حپکر کاٹمیں تو مقن طیبی بہب او کارخ دومسرت باہر کی حبانب ہوگا۔ ان مشینوں مسیں کو حشش کی حباتی مقن طیبی بہب او کارخ دومسرت باہر کی حبانب ہوگا۔ ان مشینوں مسیں کو حشش کی حباتی

series connected10

field coil

power coil or rotor coil or armature coil<sup>12</sup>

۵.۲ معاصرمشین

ہے کہ حنلائی درزمسیں B سائن نمساہو۔ یہ کیے کیا حباتا ہے، اسس پر آگے غور کیا حبائے گا۔ اگر تصور کر لیا حبائے کہ B کہ B سائن نمساہے تب حنلائی درزمسیں B کی قیست سشکل 2.۵ کی طسرح ہو گی جہاں  $\theta_{1}$ رتی زاویہ ہے۔ P قطبی مقیاطیسس کے معیاصر مشین کے لئے ککھ درج ذیل ہوگا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$f_e = \frac{P}{2} f_m$$

یہاں برقی اور میکانی تعبد د کا تناسب 2 ہے۔

مثال ۵۰۱: پاکستان مسیں گھ۔ میلو اور صنعتی صارف مین کو Hz کی برقی طباقت منسر اہم کی حباتی ہے۔ یوں ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگربر قی طاقت دو قطبی جنسریٹ رے حاصل کی حبائے تب جنسریٹ رکار فتار کتنی ہوگی؟۔
  - اگر جنسریٹ کے بیس قطب ہوں تب جنسریٹ کی رفت ارکتنی ہو گی؟

حل:

- مساوات  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$ ، جنسریسٹر کامیکانی رفت ار $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  بیکر فی سیکنڈ لیعنP=2، جنسریسٹر کامیکانی رفت ارP=2 بیکر فی سیکنڈ لیعن $f_m=2$  دی منسبہ  $f_m=2$  دی منسبہ من
- و بیس قطبی، P=20 ، جنسریٹ رکامیکانی رفت ار $f_m=rac{2}{20}(50)=5$  بیس قطبی، P=20 جنسریٹ رکامیکانی رفت ارکامیکانی رفت ارکامیکانی رفت از کامیکانی منسنب ہو

اب یہ فیصلہ کس طسرح کیا جبائے کہ جنسریٹرے قطب کتے رکھے جبائیں۔ در حقیقت پانی ہے جیلئے والے جنسریٹر سے تارہ ہوتے ہیں، البندا پانی ہے جیلئے والے جنسریٹر سیٹر رفت ارہوتے ہیں، البندا پانی ہے جیلئے والے جنسریٹر سیٹرزیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن ہے جیلئے والے جنسریٹر عموماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔
جنسریٹرزیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن ہے جیلئے والے جنسریٹر عموماً دو قطب کی ہوتے ہیں۔ ان مسیں ایک سیکل میں دو قطب تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ اسس میں تین سائن لیجھے ہیں۔ ان مسیں ایک لیجھا ہے۔ اگر اسس شکل مسیں باقی دو کچھے نہ ہوتے تب ہوتے تب بالکل شکل ان مسین دیا گیا مشین ہی تھے۔ البت دیے گئے شکل مسین ایک کی جبائے تین سائن کچھے ہیں۔

المجھے کارخ درج ذیل طریقے ہے تعلین کے حسین کے حسین کے حسین کی جبائے تین سائن کچھے ہیں۔

• دائيں ہاتھ كى حيار انگليوں كو دونوں شكافوں مسيں برقى روكے رخ لييٹيں۔ دائيں ہاتھ كا انگوش لچھ كارخ دے گا۔

منیں لچھ a کابر تی روٹ گاف a منیں، کتاب کے صفحہ کو عصودی، باہر رخ جبکہ 'a منیں اس کے مختلہ 'a منیں اس کے مختاف اندر رخ تصور کرتے ہوئے لچھ کارخ تنیبہ دار ککسیسرے دکھیایا گئیا ہے۔ اس رخ کو ہم صف راوپ تصور کرتے

rpm, rounds per minute 'A



#### شکل ۸.۵: دوقطب، تین دوری معاصر مشین ـ



شکل ۹.۵: دو قطب تین دوری مشین ـ

 $\frac{1}{2}$  بین کی مست رزاوی پر لپیٹا گیا ہے، لین  $\frac{1}{2}$  بین  $\frac{1}{2}$ 

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

۵.۲ معياصرمشين

 $\lambda_a(t_1)$  ای طسرح لمحیہ  $t_3$  پر، جب مقت طیس مسزید °120 زاویہ طے کرلے، لیجھاc کاار تباط ہیساو ( $t_3$ ) ہو گاجو ( $t_3$ ) ہو گاجو این درج ذیل کھیا جب سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ان لمحات پر لچھوں کے امالی برقی دباو

$$e_a(t_1) = rac{\mathrm{d} \lambda_a(t_1)}{\mathrm{d} t}$$

(a.ir) 
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

(a.ir) 
$$e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔مساوات ۱۰ ۵ کی روشنی مسیں درج ذیل ہوگا۔

$$(a.ir)$$
  $e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$ 

اگر شکل ۹.۹ مسیں صون لیجہ a پایا حباتا تب یہ بالکل شکل ۱.۵ کی طسر a ہوتا اور اگر ایسی صورت مسیں مقت طیس گھٹڑی کے مختالف رخ ایک مقسر رہ رفتار a سے مسیاحیاتات ، جینے پہلے نزگرہ کیا گیا ہے ، لیجس مقت طیس آئی نمب برقی دباوہ والے مشکل ۹.۹ مسیں کی ایک لیجھ کو کی دوسرے لیجھ پر کوئی برتری حساس نہیں a مسیں سائن نمب برقی دباو a ہے۔ یوں اگر شکل ۹.۹ مسیں مقت طیس آئی طسر a گھٹا یا جائے تب تب نول سائن مجھوں مسیں سائن نمب برقی دباو a پیدا ہو گالبت مساوات a ۱۰ کی تحت ہے برقی دباو آئیس مسیں a 120 ناوی پر ہوں گے۔ ان امالی برقی دباو کو شکل پیدا ہو گالبت میں درجی والے a بر a کی جو ٹی پائی ہوتے ہوگی ہوتے ہوئے ہوتے ہوگی ہوتے ہوں رہے وار لیجھ کی چوٹی پائی کی جوٹی پائی میں درجی نول ہوں گے۔

$$\begin{split} e_a(t) &= E_0 \cos \omega_0 t \\ e_b(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{2}{3}\pi\right) \\ e_c(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{4}{3}\pi\right) = E_0 \cos \left(\omega_0 t + \frac{2}{3}\pi\right) \end{split}$$

شکل ۱۱،۵ مسیں حپار قطب، تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ گوتے ہے پر شمالی اور جنوبی قطبین باری باری کی کے حب تے ہیں اور 180° میکانی زاویہ مسیں شمال اور وست رہی جنوب قطب کی ایک جوٹی پائی حباتی ہے۔ بی میکانی زاویہ مسیں شمال اور وست رہی جنوب قطب کی ایک جوٹی پائی حباتی ہے۔ بی میکانی زاویہ مسیں تین نراویہ مسیں جن کی اطسراف کی ترتیب، گھٹری کے محالف رخ چلتے ہوئے، ۵،۵ رہی زاویہ کے احساط مسیں جن کی اطسراف کی ترتیب، گھٹری کے محالف رخ چلتے ہوئے، ۵،۵ رہی اور کا ہے۔ شکل ۱۱،۵ مسیں دو قطبین کے احساط، 180° میکانی زاویہ (یا °360° برقی زاویہ)، مسیں بالکل ای طسرح تین دوری کچھوں کے اطسراف کی ترتیب 180° ماری اور کا ہے۔ باقی دو قطبین کے احساط مسیں بھی بالکل ای طسرح آپ کو 20 میکانی وری دوری دوری کچھوں کے اور 20′ دکھانی میں بالکل کے اور 20′ دکھانی تین دوری دو کیا ل



شکل ۱۰.۵: تین دوری امال برقی د باو مسین زاویا کی منسرق پایا جسا تا ہے۔



شکل ۱۱.۵:حیار قطب، تین دوری معساصر مشین ـ

۵٫۳ محسر کے برقی دیاو



- کا ۱۱.۵:ایک حیکر کالچھامقت طیسی میدان مسیں گوم رہاہے۔ محوری لمبائی l=-

## ۵٫۳ محسرک برقی دیاو

وت نون لوریسنز  $q^{r}$  کے تحت مقت اطیسی میں دان  $q^{r}$  مسیں سمتی رفت اد $q^{r}$  کے حسر کرت کر تاہوا **برقی بار**  $q^{r}$  درج ذیل قوت  $q^{r}$  محموسس کرے گا۔

$$(\mathfrak{d}.\mathfrak{d})$$
  $oldsymbol{F}=q(oldsymbol{v} imesoldsymbol{B})$ 

یہاں سستی رفتار سے مسراد برقی میدان کے لیے اظ ہے برقی بارکی سستی رفت اربے المبند ا $\mathbf{F}$  کو سے کن مقت طیبی میدان میں برقی بارکی سنتی رفت از کو گا **تا واخ** ا<sup>۱</sup> دیگا (صفحہ ۹۰ پر شکل میں برقی بارکی استی ہاتھ کی حیار انگیوں کو  $\mathbf{v}$  کے رخ سے شروع کر اس ہاتھ کی حیار انگیوں کو  $\mathbf{v}$  کے رخ سے شروع کر کے بھوٹے زاو سے برگھا کر ،  $\mathbf{g}$  کے رخ موڑنے ہے انگوش  $\mathbf{F}$  کا رخ دیگا۔

مقت طیسی میں است دائی نقط ہے اختتا می نقطہ تک ، جن کے نیج ہٹا و q ہنت کرنے کے لئے در کار کام W ہوگا:

$$(\textbf{0.11}) \hspace{3.1em} W = \textbf{\textit{F}} \cdot \textbf{\textit{l}} = q(\textbf{\textit{v}} \times \textbf{\textit{B}}) \cdot \textbf{\textit{l}}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقط ہے دو سرے نقط منتقبل کرنے کے لئے در کار کام کو ان دو نقطوں کے آخ برقی دباو<sup>17</sup> کہتے ہیں جس کی اکائی وولٹے ۷<sup>۲۳</sup> کے بین اسس مساوات سے ان دو نقطوں کے آخ درج ذیل برتی دباو ہوگا۔

$$($$
ه.اک $)$   $e=rac{W}{q}=(oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})\cdot oldsymbol{l}$  ورکای  $e=rac{W}{q}=(oldsymbol{v} imes oldsymbol{B})$ 

حسر کت کی مدد سے یوں حسامس ابر تی دباو کو **محرکے برقی دباو<sup>۳۳ کتج</sup> ہیں۔** روایق طور پر <sup>ک</sup>سی بھی طسر ایق ہے ہے۔ ابر تی دباو کو محسر کے برقی دباو کتے ہیں۔ یوں کیمیائی برتی سسیل وغنیہ رہ کابرتی دباو بھی محسر کے برقی دباو کہالے گا۔

Lorentz law19

charge r.

right hand rule

potential difference, voltage"

volt

electromotive force, emf

شنگل ۱۵.۱۳-امسیں حناان گھٹڑی گھومتے جو پرایک جپکر کا کچھانی ہے جس کی محوری لمبائی 1 ہے۔بائیں حنااء مسیں کچھ کی تارکے قطع پر غور کریں۔ مساوات ۱۵.۵ کے تحت بایاں قطع مسیں موجود مثبت برتی بار پر صفحہ کے عصودی باہر رخ قوت پسیدا ہو گی جبکہ اسس قطع مسیں موجود منفی برتی بار پر اسس کے مختالف رخ قوت پسیدا ہو گی۔ مساوات 21.6 کے تحت اسس قطع کابلائی سرامثنی برتی دیا دیا ہوگا۔

ہم گھومتے ھے۔ کی محور پر تکلی محد دوت کم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سبنے حساباہ مسیں B ردای رخ جب شمالی تقطب کے سبنے حساب مسیں B رداس کے مناف رخ ہو گا۔ جنوبی قطب کے سبنے حشاف مسیں برقی تار B کے تقطب کے سامنے مسیاں برقی تار B اور اسس کارخ  $a_z$  کہ ہم درج ذیل کھے سبتے ہیں جہاں تارکی کم بارگ کے اور اسس کارخ  $a_z$  کہ اور اسس کارخ ہو کے بیار جہاں تارکی کم بیار ہم بیار ہم کارخ ہو کی اور اسس کارخ ہو کی بیار جہاں تارکی کھو سبتے ہیں جہاں تارکی کم بیار ہم بی

$$m{v}_S = vm{a}_ heta = \omega rm{a}_ heta$$
 (a.in)  $m{B}_S = Bm{a}_ ext{r}$   $m{l}_S = lm{a}_ ext{z}$ 

یوں جوبی قطب کے سامنے تارکے قطع مسیں درج ذیل محسر کے برقی دباویسید اہوگا۔

$$e = (\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \cdot \boldsymbol{l}$$
 
$$= \omega r B l(\boldsymbol{a}_{\theta} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= \omega r B l(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= -\omega r B l$$

اسس مساوات مسین برقی دباو منفی ہونے کامطلب ہے کہ برقی تار کا بنیت سرا تاریح ہے۔ رخ ہے لیعنی تار کا نحیلا سرا منبی سے را تاریح ہوگا ہے شکل مثبت اور بالائی سرا منفی ہے۔ اگر اسس تار مسین روگز ر سے تو اسس روکار رخ ہوگا ہے شکل میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیے گیا ہے۔ اس طیبی قطب کے سامنے شکاف مسین موجو دبر قی تاریح کے گئے درج ذیل کھے جب سکتا ہے (مشکل ماریح ہور اور قبل کا می خوب سکتا ہے (مشکل میں تاریخ ہوگا ہے۔ اس تاریخ ہوگا ہوگا ہوگا ہے۔

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_ heta &= \omega r oldsymbol{a}_ heta \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_ ext{r} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_ ext{z} \end{aligned}$$

یوں اسس قطع مسیں درج ذیل دیاو ہو گا۔

$$e_N = (\boldsymbol{v}_N \times \boldsymbol{B}_N) \cdot \boldsymbol{l}_N$$
 
$$= -\omega r B l (\boldsymbol{a}_\theta \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= -\omega r B l (-\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$$
 
$$= \omega r B l$$

اسس مساوات مسین برقی دباومثبت ہونے کامطلب ہے کہ برقی تار کامثبت سسراتار پریم رخ ہو گالیخی تار کابالائی سسرا مثبت اور نحپلا سسرامنفی ہو گا۔ اگر اسس تار مسین رو گزر سکے تواسس کارنی ہے لینی صفحہ کو عصودی باہر رخ ہو گاجے مشکل ۱۲۵۔ ب مسین شگاف مسین دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان ہے دکھیایا گیا ہے۔ یے دونوں تار مسل کر ایک حسیس کی گالچھ ابناتے ہیں۔ ان تاروں کے نمپلے سسر ایک دوسسرے کے ساتھ سلسلہ وار حبیر ٹرے ہیں جسس کو سشکل ۵۰۱۲ مسیس نہیں دکھیا گیا۔ یوں اسس کچھے کے بالائی، نظسر آنے والے، سسروں پر کل برقی دباو ان دوبر تی تاروں مسیس پسید ابر تی دباوکا محبسوء ہوگا:

$$\begin{array}{l} (\texttt{a.rr}) & e = 2rlB\omega \\ & = AB\omega \end{array}$$

یہاں کچھے کارقب N=1 A=2rl ہوتب N حپکر کے کچھے سے درج ذیل دباو حساس ہوتب N مقت طیبی ہیا ہے۔  $\phi=A$  مقت طیبی ہیا ہے۔

$$e = \omega NAB$$
 (a.rr) 
$$= 2\pi f NAB$$
 
$$= 2\pi f N\phi$$

گوه تی مشینوں کی حنائی درز مسیں B اور v ہر لحصہ ایک دوسرے کے عصوری ہوتے ہیں۔ مساوات کا۔ ۵ کے تحت مستقل زاویائی رفت ار اور محوری لمبائی کی صورت مسیں پیدا کردہ برقی دباو ہر لحصہ B کا براہ راست مستناسب ہوگا۔ حنائی درز مسیں زاوی کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت مسیں گوختے لیچے مسیں پیدا برقی دباو بھی زاوی کے ساتھ تبدیل ہوگا۔ اور کار ہوائی شکل کی کثافت مقت طبی دباو حنائی درز مسیں پیدا کرنی ہوگا۔ سائن نمسائری دباوجی بیاور کار ہوگا۔ گا۔ سائن نمسائری دباوجی کے سائر درز مسیں پیدا کرنی ہوگا۔ سائن نمسائری دبار نے کے گئے خنائی درز مسیں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بیسائی جسائی دبائی گا۔

# م. ۵ کھیلے کچھے اور سائن نمامقٹ طیسی دباو

ہم نے اب تک جینے مشین دیکھے ان سب مسیں گچھ دکھائے گئے۔ مسزید ان مشینوں مسیں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے اہم نے قطب  $^{17}$  تھے۔ عسوماً حقق مشینوں کے ہموار قطب  $^{21}$  اور پھیلے پچھے  $^{18}$  ہوتے ہیں جن کی ہا اور گھومتے حصوں کے پچ حنال کی درز مسیں سائن نما مقاطی دباواور سائن نما گافت۔ مقاطیبی ہباویسیدا کر نام مسکن ہوتا ہے۔ گھومتے حصوں کے پچ حنال کی درز مسیں ایک گچھ لیجسا دکھایا گیا ہے جہاں مشین کے گھومتے حصے کا عسودی ترامش گول مشکل کا ہوگا۔ متحسر کسال 3 ہوگا۔ متحسر کس ایک گھومتے حصے کا مسودی ترامش گول مشکل کا ہوگا۔ متحسر کسال کا ہوگا۔ متحسر کسال کا معطوم کے کامقاطیبی دباوی کے کامقاطیبی دباوی کی متحسر کا متحسر دار لکتے ہوں سے ظاہر کہا گیا ہے۔ مقاطیبی ہیساو حنال کی درز مسیں ہے دو متحسر گھر کے گئے درخ آذیل ہوگا۔

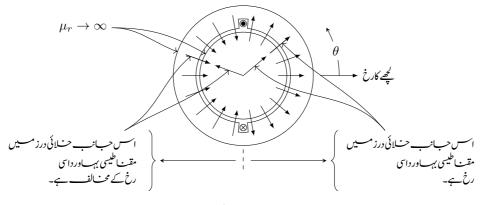
$$(a,rr)$$
 
$$\tau = Ni = 2Hl_a$$

non-distributed coils \*\*

salient poles

non-salient poles r2

distributed winding \*A



#### مشكل ١٣.١٥: ساكن لچھ ﷺ



اسس مساوات کی دونوں اطسران کو 2 سے تقسیم کرتے ہوئے ایک درز کی مساوات کھی حباس تی ہے جہاں ایک درزیرلا گومقت طبیمی دباو کو  $au_a$  سے ظہر کسیا گیا ہے:

$$\tau_a = \frac{\tau}{2} = H l_a$$

یوں ساکن کھے کے مقن طبی و باو کا ایک آوھ حسے ایک حنائی درز اور دو سرا آوھ احسے دو سری حنائی درز مسیں مقن طبی بہاو پی اگر تا ہے۔ مسزید زاویہ  $90^\circ$  تا  $90^$ 

 $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{3\pi}{2}$  درزمسیں مقت طبی دباو  $\tau$  کا آدھ اور منفی رخ ہے۔ یاد رہے مقت طبی دباو کارخ ردای رخ کے حوالہ سے کی حن لائی درز مسیں مقت طبی دباو کھیے کے مقت طبی و باو کا آدھ اور منفی رخ ہے۔ یاد رہے مقت طبی دباو کارخ ردای رخ کے حوالہ سے تعت رکھیا تا ہے۔

#### ۱.۴.۱ بدلت ارومثین

برلت ارو (اے ی) مشین بن تے وقت کوشش کی حباتی ہے کہ حنالائی درز مسیں مقت طیسی دباو سائن نم ہو۔ سائن نمس مقت طیسی دباو کے حصول کی حناط سر کیجوں کو ایک ہے زیادہ شکا فوں مسیں تقسیم کیا حباتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نمسامقت طیسی دباو کیسے حسامس ہوتا ہے، اسس بات کی بیسال وضاحت کی حبائے گی۔

فور پیر تسلسل ۲۹ کے تحت ہم کسی بھی تفت عسل ۴۰ (اور پیر کا کی کو درج ذبل کھ سے ہیں۔

(a.ra) 
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

تف عسل کادوری عسر میں  $T^n$  ہونے کی صور سے مسین فوریٹ سلسل کے عبد دی سسر درج ذیل ہوں گے۔

$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \, \mathrm{d}\theta_p$$
 
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p$$
 
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p$$

مثال ۵.۲ شکل ۵.۱۴ میں دیے گئے مقت طیسی دباوکا

- فوريئ رئىلى سامىل كري،
- تىسىرىموسىقائى حسنرو الاربنسادى حسنرو الماكات سسمعلوم كرين-

حــل:

• مساوات ۵.۲۲ کی مددسے

Fourier series 79

function".

time period<sup>r1</sup>

third harmonic component fundamental component

$$\begin{split} a_0 &= \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right] \\ &= 0 \end{split}$$

ور درج ذیل حساصسل ہوں گے۔

$$\begin{split} a_n &= \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \bigg|_{\pi/2}^{\pi} \right] \\ &= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right] \\ &= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2} \end{split}$$

 $a_1=\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3=-\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5=\left(\frac{4}{5\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)$   $a_2=a_4=a_6=0$ 

اسی طب رح درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} b_n &= \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, \mathrm{d}\theta_p \right] \\ &= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{-\pi}^{-\pi/2} - \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \left. \frac{\cos n\theta_p}{n} \right|_{\pi/2}^{\pi} \right] \\ &= 0 \end{split}$$

• ان نت انج كا يكب اكرتي بين:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$



مشكل ٥.١٥: تين دور لجھے۔

يوں تيپ رامو سيقائي حبزوبنپادي حبزو کا تيپ راحس يعني 33.33 في صيد ہو گا۔

مثال ۵.۲ مسیں حاصل کردہ  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم حنائی درز مسیں مقت طیسی دباو au کا فوریٹ رسٹ کلمتے ہیں۔

$$(\text{a.r2}) \hspace{1cm} \tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos\theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos5\theta_p - + \cdots$$

مثال ۵.۲ کے مقت طیسی دباو کے موسیقائی احبزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا حب سکے۔ جیب آپ اسس باب مسیں آگے دیکھیں گے حقیقی مقت طیبی دباو کے موسیقائی احبزاء وتبابل نظیر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی حبزو سے عشرض ہو گا۔ای حقیقت کو مد نظیر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی احبزاء کو نظیر انداز کرتے ہوئے مساوات ۵.۲۷ سے

(a.th) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

(a.rq) 
$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

0.17 حنلانی درج مسین  $\tau$  ، H اور H ایک دو سرے کے برائے راست مستنا ہوتے ہیں۔ یوں مساوات A ، C کرتے ہوت کے تحت شکل C ، C اور C ایک مسین صف رزاوی پر سلاخ نما مقن طیس یک ال C ، C اور C ) دیں گے۔ ای مسل C بر بوتا تب بمیں شکل C ، C مسین موجو دمقن طیس کے نتائج حاصل ہوتے۔ مشکل C ، C مسین تین کچھے آپ مسین C ناوی پر دکھائے گئیں۔ بم مساوات C کی طسرت اس مسکل C ، C کی مسین تین کچھے آپ مسین C ناوی پر دکھائے گئیں۔ بم مساوات C کی مسین تین کچھے آپ مسین گھی ہیں۔ بم مساوات کا کہ کے ہیں۔

(a.r.) 
$$\begin{split} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^\circ \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{split}$$



مشكل ٥.١٦: پهپلالچها ـ

$$\theta_{m_c}=240^\circ$$
ای طسرح کیجف  $\theta_{m_c}=120^\circ$  ورج ذیل ہوگا۔ 
$$au_b=\tau_0\cos\theta_{p_b}$$
 (۵.۳۱) 
$$au_b=\theta_{m_b}=\theta-120^\circ$$
  $au_b=\tau_0\cos(\theta-\theta_{m_b})=\tau_0\cos(\theta-120^\circ)$ 

$$\begin{split} \tau_c &= \tau_0 \cos\theta_{p_c} \\ (\text{a.rr}) &\qquad \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^\circ \\ &\qquad \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^\circ) = \tau_0 \cos(\theta + 120^\circ) \end{split}$$

series connected



شكل ١٤. ٤: پيسيلے ليھے كاكل مقت طيسي دباو۔

متسام کیجے  $\frac{N}{3}$  حیکر کے ہیں اور متسام کیجھوں مسین برقی رو i ایک دوسرے جیب ہے۔ شکل ۱۹ میل کیجے کا مقت طبی دباو بالمقابل زاویہ کا ترسیم مشکل ۵.۱۵ مسین موٹی لگسیسر سے دکھسایا گئیا ہے۔ سب سے اوپر کیجھ کا مقت طبی دباو کی ترسیم ہو شکل ۱۹ میل گئی گئیسسرے کہ سے دوسسری مقت طبی دباو کی ترسیم کی طسرح لسیکن صفسر زاویہ سے  $a_{135}$  کی ہے جو معضسر زاویہ سے  $a_{20}$  کی جو موسسر زاویہ سے  $a_{20}$  کی ہے جو معضسر زاویہ ہے۔  $a_{20}$  کی ہے جو معضسر زاویہ ہے۔  $a_{20}$  کی ہے جو معضسر زاویہ ہے۔  $a_{20}$  کی ہے جو معضسر زاویہ ہے۔

au ترسیات au اور au اور au مقن طیسی دباو کی ترسیم au ساس کرنا سیکھ ہیں۔ شکل کا ۱۵ مسیں عصودی نقط دار ککسیریں لگائی گئی ہیں۔ سب سے بائیں پہلی ککسیر کی بائیں طرون نقط کو "" کہا گی ہیں۔ سب سے بائیں پہلی ککسیر کی بائیں طرون نقط کو "" کہا گی ہیں۔ سب سے بائیں پہلی کلسیر کی بائیں طرون نقط مسیں ترسیات au ور au ور au ور au ور au ور کر au کی الفندادی قیمتیں وباو ہوگی ای المحکم مقن طیسی دباو au کی ترسیم کی قیمت au وہی گئی ہیں۔ سب سے au کی ترسیم کی تیمت au ور کی ترسیم کی تیمت au ور کی ترسیم کی تیمت وباور کی ترسیم کی تیمت کی تیمت کی تیمت وباور کی ترسیم کی تیمت کی

مشکل ۱۵،۵ کی ہو کو مشکل ۵،۱۸ کمسیں دوبارہ پیش گیا ہے۔ مشکل ۵،۱۸ پیسلے کچھے اور مشکل ۵،۱۸ گچھ کے دباوکی ہر سیاس تر سیات ہیں۔ مشکل ۵،۱۸ کے لیاظ ہے مشکل ۵،۱۸ کی صورت سائن نما کے زیادہ و ت ریب ہے۔ فوریٹ رسلسل حسل کرنے سے بھی بی نتیب حساصل ہوتا ہے۔ مشکافول کے معتامات اور ان مسیں کچھوں کے حیکر یول رکھے حباسے ہیں کہ ان کے پیدا کردہ مقناطیعی دباوکی ترسیم کی صورت سائن نما کی زیادہ سے زیادہ و ت ریب ہو۔

بھیلے کیھے کے مختلف جھے ایک ہی زاوپ پر مقت طیسی دیاو نہیں بناتے البذاان سے حسامسل کل مقت طیسی دیاو کا حیطہ



مشكل ١٨. ٥: پيسيلے ليھے كامقت طيسي دباو۔

(اتنے ہی حپکر کے) ایک گچھ کچھے کے حیط سے کم ہوتا ہے۔ مساوات ۵.۲۹ مسیں اسس اثر کو مشامسل کرنے کے لئے حسنرو  $k_w$  متعب رونسے کہا جاتا ہے

(۵.rr) 
$$\begin{aligned} \tau_0 &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \\ \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$
 جہاں پر بڑو پھیلاو میں اور اور اور اور کی اور کی تاریخ کے کم ہوتی ہے۔

(a.rr) 
$$0 < k_w < 1$$

مثال ۵.۳ شکل ۵.۱۱ کے پھیلے کچھے کا  $k_w$  تلاش کریں۔

 $a_1$  جسیں شکل ۱.۱۸ کی موج کابنیادی حبز ودر کار ہے المہذاہم اسس موج کے فوریٹ رشکل کاعب دی سر تا سال کاعب دی سر تا سال  $90^\circ$  میں پورے موج کی بجب نے ہم آدھی موج پر  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  کمل لیتے ہیں۔ یوں  $a_1$  کا کلیے درج ذیل صورت اختیار کر تا ہے۔ (آپ حیاییں تو پوری موج پر تکمل لے سکتے ہیں۔)

$$a_1 = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{4}{T} \int_{-T/4}^{T/4} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta$$

اسس طـــرح درج ذبل ہو گا۔

$$\begin{split} a_1 &= \frac{2}{\pi} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} f(\theta) \cos \theta \, \mathrm{d}\theta \\ &= \frac{2}{\pi} \Big[ \int_{-\pi/2}^{-\pi/4} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta + \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \frac{Ni}{2} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta + \int_{\pi/4}^{\pi/2} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta \Big] \\ &= 0.8047 \, \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \end{split}$$

winding factor "

П





شكل ١٩.١٥: پهيلے لچھے كاحبزو پھيلاو۔

مقت اطیعی دباو کو سمتیہ تصور کرتے ہوئے درج بالا مشال کو دوبارہ حسل کرتے ہیں۔ آپ و کیھیں گے کہ یہ ترکیب نسبتاً آپ ان ہے۔ مشال ۱۰ کے کہ یہ کہ گھی کا  $k_w$  تلاسش کریں۔ مشال ۵.۱۸ کے کھیلے کچھے کا  $k_w$  تلاسش کریں۔

ری البت ان کے رخوع کریں۔ شکل ۱۹ مرکز کے تین چھوٹے لیجھے ایک جیسامقٹ طبی دباو  $\frac{1}{\pi}$  ہے ہیں۔ سکل ۱۹ میں دباو کے میں البت ان کے رخ مختلف ہیں۔ بیساں ایک لیجھ کی گے کہ کا ہے لہندا  $\frac{N}{3}$  پسکر کا ہے لہندا  $\frac{N}{3}$  ہیں۔ متیات کا مجسوعہ لے کرمقٹ طبیمی دباو  $\tau$  معسلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

-لېپ نابر $k_w=0.8047$  برابر

مثال ۵.۵: تین دوری، 50 ہر ٹن ستارہ حبڑے جنسریٹ کو 3000 حیکر فی منٹ کی رفت ارسے حیلایا حباتا ہے۔ تیسس کو کی میدانی کچھے کا حبزو پھیلاو 0.83 ہیں  $k_{w,q}=0.833$  جب کہ بیندرہ حیکر تولی کچھے کا حبزو پھیلاو 0.83 ہیں  $k_{w,q}=0.833$  جہ مشین کارداسس 0.7495 میٹر اور لمب کی 2.828 ہیں میں  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔ حنلائی درزکی لمب کی کارداسس 1000 میٹر برتی روکی صورت مسین درج ذیل تلاشش کریں۔ حنلاء مسین مقت طبی ہیں او سائن میں ہوگا۔

- میدانی مقن طیسی د باو کی زیادہ سے زیادہ قیم۔۔
- حنلائي درزمسين كثافت مقن طيسي بهاو كي زياده سي زياده قيت.
  - ایک قطب پر مقن طیسی بہاو۔

• متحسرك تارىر برقى د باو\_

ىل:

$$\tau_0=k_{w,m}\frac{4}{\pi}\frac{N_m i_m}{2}=0.9\times\frac{4}{\pi}\times\frac{30\times1000}{2}=$$
 17 189 A  $\cdot$  turns/m  •

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17189}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

$$\phi_0 = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} r l B_0 \cos\theta \, \mathrm{d}\theta = 2 B_0 l r = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.289$$
 15 Wb •

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

یوں ستارہ حبٹری جنسریٹ کی تار کابر قی دباو درج ذیل ہوگا۔

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11\,000\,\text{V}$ 

П

ہم سائن نم مقت طیمی دباو حسام کرنا حیاہے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے حیکر اور شگافوں کے معتامات یوں پخے حیاتے ہیں کہ سے مقصد پورا ہو۔ شکل ۱۹۸ ۵ مسیں صغر زاویہ کے دونوں اطسران مقت طیمی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسئر پڑا گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسئر پر گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مسئر پر گھٹت ہے۔ ای طسرح جمع اور منفی نوے زاویہ بنیادی اصول ہے جس کا فسیال کھنا ضروری ہے۔ چھوٹے کچھوں کے حیکر اور شگافوں کے معتامات کا فیصلہ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیا حیاتا ہے۔ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیاحیاتا ہے۔ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیاحیاتا ہے۔ فوریٹر سلسل کی مدد سے کسیاحیاتا ہے۔ تاکہ سائن کچھوں کی طسرح متحسر کے کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں مسیں تقسیم کسیاحیاتا ہے۔ تاکہ سائن کے مقتاطیبی دباوحیاصل ہو۔

# ۵.۵ مقن طیسی دباو کی گھومتی امواج

گھومتے مشین کے کچھوں کوبرتی دباو فسنسراہم کیا جباتا ہے جس سے اسس کا گھومنے والاحسہ حسر کی۔ مسین آتا ہے۔ یہاں ہم اسس بات کامط العب کرتے ہیں کہ گھومنے کی حسر کت سے پیدا ہوتی ہے۔

۵.۵.۱ ایک دور کی کسپٹی مشین

م اوات ۵.۳۳ مسین ایک کچھے کامقت طیسی دباو

(a.ra) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیاگیاہے جو سائن نمابر قی رو

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صور<u>۔</u> مسیں

(a.r2) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقت طیسی دباودے گاجہاں  $au_0$  درج ذیل ہے اور کچھا کے برقی روکو  $i_a$  کہا گیا ہے۔

میاوات ۵٫۳۷ کہتی ہے کہ مقت طبیعی دباوزاد سے hetaاور لمحہ t کے ساتھ تب دمیل ہو تاہے۔ میاوات ۵٫۳۷ کو کلیہ

(a.rq) 
$$\cos\alpha\cos\beta = \frac{\cos(\alpha+\beta) + \cos(\alpha-\beta)}{2}$$

کی مد د سے دو ٹکڑوں

(a.r.) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

میں تقسیم کیا جبال  $\tau_a^+$  اور  $\tau_a^+$  درج ذیل ہوں گے۔

(a.rl) 
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(a.rr) 
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2} \cos(\theta - \omega t)$$

مساوات ۵.۴۰ کہتی ہے کہ مقت طبیعی دباو دو آلپس مسیں محت الف رخ گھومتے مقت طبیعی دباو کی موجوں کا محب وعب ہے۔  $\tau_a^+$  دنیاون  $\tau_a^+$  دنیاون کی بہلا حب زو  $\tau_a^-$  زاویہ کا گھٹے کے رخ، لیعنی گھٹری وار ، گھومت ہے جب کہ اسس کا دوسسرا حب زو  $\tau_a^+$  دنیاون گھٹری، زاویہ بڑھنے کے رخ، گھومت ہے۔

ایک دور کی لپٹی مشینوں مسیں گھومتے مقت طیسی دباو کی امواج مسیں سے کسی ایک کو بالکل حستم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی حباتی ہے۔اسس طسر ح ایک ہی رخ مقت طیسی دباو گھومت ملے گاجو بالکل ایک گھومتے ہوئے مقت طیسس کی مانت دہو گا۔ گا۔ تین دور کی مشینوں مسین ایس اکرنانہایت آسان ہوتا ہے لہا۔ذاانہ میں پہلے سمجھ لیسازیادہ بہستر ہوگا۔



#### شکل ۲۰ : ۵ : تین دورکی لپ ٹی مشین۔

## ۵.۵.۲ تین دورکی لپٹی مشین کا تحلیلی تحب ز ہے۔

شکل ۵.۲۰ مسیں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات ۵.۳۱،۵۳۰ اور ۵.۳۲ مسیں ایسے تین کچھوں کے فوریسسر تسلسل کے بنیادی احمد کی تاریخ

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta \\ (\text{s.rr}) &\qquad \tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ) \end{split}$$

ان لچھوں مسیں بالت رتیب تین دوری برقی رو

$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
 
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

لینے سے مساوات ۸۳۳ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a I_0}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha) \\ \tau_b &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b I_0}{2} \cos(\theta - 120^\circ) \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c I_0}{2} \cos(\theta + 120^\circ) \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ) \end{split}$$

تئے نوں کچھوں کے مپکرایک دوسے کے برابر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات ۵.۳۹ کی استعال سے

$$\begin{split} \tau_a &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \\ \tau_b &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^\circ) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \\ \tau_c &= \frac{\tau_0}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^\circ) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right] \end{split}$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقت طبیعی دباوauان سب کا محب و عب ہوگا۔ انہ میں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔  $\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^\circ) + \cos(\gamma + 240^\circ) = 0$ 

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\beta = 240^{\circ}$$
اور  $\beta = 240$ 

$$\cos(\gamma + 240^\circ) = \cos\gamma\cos 240^\circ - \sin\gamma\sin 240^\circ$$
$$\cos(\gamma - 240^\circ) = \cos\gamma\cos 240^\circ + \sin\gamma\sin 240^\circ$$

 $\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$ اور  $\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$  درج ذیل ساسل ہوگا۔

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

ان مباوات کو ç cos کے ساتھ جمع کرنے سے صف رحباصل ہو گا۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma + 240^\circ) + \cos(\gamma - 240^\circ) = 0$$

ے گئے اسس مساوات کو درج ذیل کھی حب سکتا ہے۔ 
$$\gamma = \theta + \omega t + \alpha$$

(a.rn) 
$$\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^\circ) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^\circ) = 0$$



شکل ۵.۲۱: حسرکت کرتی موج۔

اب مساوات ۵٬۳۸ مسین دیے  $au_b$  اور  $au_c$  کو جمع کر کے مساوات ۵٬۳۸ کا استعمال کرتے ہوئے درج ذیل حساس ہو گا

(a.rg) 
$$\tau^+ = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات ۸۳۹ می کہتی ہے کہ کل مقت طبیبی دباو کا حیطہ کسی ایک لیچھ کے مقت طبیبی دباو کے حیطہ کا 3 گئت ہو گا۔ مسزید مقت طبیبی دباو کی موج گھٹڑی کے محت الف رخ گھو مے گی۔ یوں تین کچھوں کو 120 نواو ہے پر رکھنے اور انہمیں تین دوری بر قیروہ جو آپ مسیس مسیس موج دوجود مسیس آتی ہے۔ یہاں اسس بات کا ذکر کر ناضروری کے کہ کہ دوبر قی روکو آپ مسیس مسیس تیسب میل کرنے سے مقت طبیبی موج کارخ تسب میل ہوتا ہے۔

میاوات ۵٬۳۹ میل گلومتے موج کو ظبہر کرتی ہے جس مسین ہم برتی رو کا تعبد در ۱۵ اور اپنی آب نی کے لئے  $\alpha$  کو صف رلیتے ہیں۔ یوں اسس موج کی چوٹی کا تعبین تف عسل  $\cos(\theta-\omega t)$  کے  $\cos(\theta-\omega t)$  کے گئی پر نظسر رکھیں۔ تف عسل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی اکائی ہے جو  $\omega$  میں۔ تف عسل رکھیں۔ تف عسل رکھیں۔ تب ایک جو گئی ہے۔

ابت دانی کوے t=0 کے لئے مسل کرتے ہیں۔  $(\theta-\omega t)=0$  کی چوٹی کی  $(\theta-\omega t)=0$  کے لئے مسل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صف ربرتی زاوی پر ہوگی جے شکل ۵۰۲۱مسیں نقط دار لکب رسے ظاہر کیا گیا ہے۔ ہم کچھ وقف، مشلأ

سينڈ، بعب داسس ڇوڻي پر دوباره نظب رڙالتے ہيں۔t=0.001

$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - 0.001\omega = 0$$

$$\theta = 0.001\omega$$

$$= 0.001 \times 2 \times \pi \times 50$$

$$= 0.3142 \text{ rad}$$

اب سے چوٹی  $\frac{\pi}{10}$  ان میں باریک ٹھو س کگسیرے ظبہر کے سنگل ۵.۲۱ مسیں باریک ٹھو س کگسیرے ظبہر کسی آب ہے۔ آب دکھ سے تاہیں کہ مقت طبیعی دباوی موج گھٹری کے محت الف رخ ، لیعن زاو سے بڑھے کے رخ ، گھوم گئی ہے۔ ای طسر آلے کے t=0.002 میں باریک کے محت اللہ کے موٹی کامت م t=0 میں خوب کے بہر چوٹی کامت م t=0 میں کامت میں کامت میں کامت کے موٹی ٹھو س کگسیرے ظبہر کسیا گیا ہے۔ وزیر سے سال ہوگا جے موٹی ٹھو س کگسیرے ظبہر کسیا گیا ہے۔

$$\theta = \omega t'$$

مساوات ۵.۵۰ کہتی ہے کہ چوٹی کا مصام تعسین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ ہتدر تکے بڑھتا ہے۔اسس مساوات ہے ایک مکمل حیکر یعنی  $2\pi=0$  برتی زاویہ طے کرنے کا دورانیہ  $2\pi$ 

(a.a.) 
$$T=t'=\frac{\theta}{\omega}=\frac{2\pi}{2\pi f}=\frac{1}{f}$$

یادر ہے f برقی روکاتف درہے۔ یوں 50 ہر ٹزبرتی روکی صورت مسین مقت طبیعی دباوکی موج ہر  $\frac{1}{50}=\frac{1}{50}$  سیئٹر مسین ایک مکسل برق حیکر کاٹے گی اور ایک سیئٹر مسین 50 برقی حیکر کلسل کرے گی۔ دو قطبی مشینوں مسین مسیاوات کے .۵

(a.ar) 
$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

ے تحت برتی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مشینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات  $\theta_e$  میں وات ایک سینڈ مسیں مقت طبی دباو کی موج  $\theta_c$  برتی یا میکانی خپر مکسل کرے گی جہاں  $\theta_c$  برتی رو کی تعد دہے۔  $\theta_c$  قطبی مشینوں کے مقت طبی دباو کی موج ایک سینڈ مسین  $\theta_c$  میکانی خپر مکسل کرے گی۔ ہم مساوات کے مقت طبی دباو کی موج ایک وونوں اطرات کاوقت کے ساتھ تفسر قالیتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta_e}{\mathrm{d}t} = \frac{P}{2} \frac{\mathrm{d}\theta_m}{\mathrm{d}t}$$

 زاویائی رفت ارکو $\omega_m$ ے ظ $\omega_m$  کرتے ہوئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\omega_m=rac{2}{P}\omega_e$$
 rad/s  $f_m=rac{2}{P}f_e$  Hz  $n=rac{120f_e}{P}$ 

مقت طیسی موج کی برتی معت صر زاویائی رفت ار  $\omega_e$  برتی براتی زاوی نی سیکنڈ اور میکائی معت صر زاویائی رفت ار  $\omega_e$  برتی برگز اور میکائی معاصر رفت از  $\omega_e$  برتی برگز اور میکائی معاصر رفت از  $\omega_e$  برگز بونے کی مسیکنڈ مسیں موج  $\omega_e$  برتی معت میکنڈ مسیں موج  $\omega_e$  برتی حب کر کاف صلہ طے کرتی ہے جو دو قطب کا لیخی  $\omega_e$  ریڈ بیٹ کامیکائی زاویہ ہے اس طسرت میکائی معاصر رفت اور برگز ہونے کا مطلب ہے کہ موج آیک سیکنڈ مسیں  $\omega_e$  میکائی حبکر کاف اسلہ طے کرے گی۔ ایک میکائی حب کر کوبی کہتے ہیں۔ اس مساوات مسیں  $\omega_e$  میکائی حبکر کوبی کہتے ہیں۔ اس مساوات  $\omega_e$  میکائی حبکر کوبی کہتے ہیں۔ اس مساوات  $\omega_e$  معاصر رفتار کی مساوات ہے۔

یہاں اسس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی کسپٹی مشین جس کے کچھ  $\frac{2\pi}{q}$  برقی زاوی پر رکھے گئے ہوں اور جن مسین برقی روم دوری ہو مسین، تین دوری مشین کی طسر رہ ایک ہی رخ گھو متے مقت طبیعی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مسندید، اسس موج کا جھے کے مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے کت ابو گا اور اسس کی زادیائی رفت از  $2\pi f$  علی مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے کت ابو گا اور اسس کی زادیائی رفت از  $2\pi f$  علی مقت طبیعی دباوکے حیطہ کا 2 گئے گئے ہوگا ور اسس کی زادیائی رفت از کا حیام گئے ہوگا ہوگا ہے۔

### ۵.۵.۳ تین دورکی کسپٹی مشین کاتر سیمی تحب زیب

شکل ۲۰۲۵ مسیں تین دورکی کسپیٹی مشین و کھائی گئی ہے جس مسیں بثبت برقی رو کے رخ و کھائے گئی ہیں۔ یوں ہے شکان بر مسین برقی رو مسین برقی رو کے مسین برقی رو کے مسین برقی رو کے مسین برقی رو کارخ صفحہ مسین عصوری اندر کو ہے جے نقطہ ہے نشان سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ یوں شگان ہے کہ مسین برقی رو کے بید امقت طبی دباو کارخ مسین برقی رو کامقت طبی دباو کارخ ہے۔ لیجھے مسین برقی رو سے پیدامقت طبی دباو کارخ دائیں ہاتھ کے حت نون سے معلوم کسیاحی حباسکا ہے۔

اب اگر کچھ مسین برقی رومنفی ہوت برقی رومثبت رخ کے مختاف ہوگا، لینی اب برقی رو کارخ شگان مسین منفی ہوئی۔ کے مختاف ہوگا۔ لینی اب برقی رو کارخ شگان مسین صفح ہے عصودی باہر ہوگا۔ یول منفی برقی روسے پیدامقت طبی دباو مجمی کچھ ا کے رخ کا محتالف ہوگا۔ آپ نے دیکھا کہ برقی رومنفی ہونے سے مقت طبی دباو کارخ الٹ ہو حباتا ہے۔ شکل ۵.۲۲ مسین کچھوں کے برقی رواور مقت طبی دباو درج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل مسین دیے گئے ہیں۔

$$i_a = I_0\cos\omega t$$
 
$$i_b = I_0\cos(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0\cos(\omega t + 120^\circ)$$

synchronous speed rpm, rounds per minute r2



#### شکل ۲۲ . ۵. تین دورکی کسپٹی مشین مسیں مثبت برقی رواور ان سے حساصل مقت طبیبی دباو کے رخ۔

$$\begin{split} \tau_a &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_a}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \omega t = \tau_0 \cos \omega t \\ (\text{2.20}) \qquad \tau_b &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_b}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos(\omega t - 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t - 120^\circ) \\ \tau_c &= k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni_c}{2} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos(\omega t + 120^\circ) = \tau_0 \cos(\omega t + 120^\circ) \end{split}$$

ہم مختلف لیجات پر ان کی قبیتوں کو تلاسٹس کرتے ہیں اور ان کامحب و علی مقت طیسی دباو حساس کرتے ہیں۔ t=0 کیسے t=0 بیان درج ابلام اوات سے درج ذیل حساس ہوگا۔

$$i_a=I_0\cos 0=I_0$$
 (۵.۵۲) 
$$i_b=I_0\cos (0-120^\circ)=-0.5I_0$$
  $i_c=I_0\cos (0+120^\circ)=-0.5I_0$ 

$$\begin{split} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ (\text{d.d2}) &\qquad \tau_b &= \tau_0 \cos (0-120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0+120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{split}$$

a' یہاں رکھ کر ذراغور کریں۔ لمحب t=0 پر a بیشہ جب کہ a اور a نفی ہیں۔ یوں a کارخ وہی ہوگا ہے سشکل ۵.۲۲ کی a اور a سے گافوں مسیں نقطے اور صلیب ہے دکھایا گیا ہے جب a اور a اور a کے مختلف ہوں گے۔ کھیا گیا ہے دکھایا گیا ہے جب کہ مقت طبعی دیاو مشکل ۵.۲۳ مسیں دکھائے گئے ہیں۔ کم مقت طبعی دیاو با آسیانی بذریعیہ ترسیم (مشکل ۵.۲۳)، محب وعہ سمتیات سے یا الجبراکے ذریعیہ ترسیم (مشکل ۵.۲۳) محب وعہ سمتیات سے یا الجبراکے ذریعیہ ترسیم (مشکل ۵.۲۳) محب وعہ سمتیات سے یا الجبراکے ذریعیہ حساس کیا جب سکتا ہے۔

$$\begin{split} \boldsymbol{\tau}_a &= \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \\ \boldsymbol{\tau}_b &= 0.5 \tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} - \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_c &= 0.5 \tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \end{split}$$





#### شکل ۵۰۲۳ المحب $t_0=0$ پربر قی رواور مقت طیسی دباو۔





ان کامحبموعب درج ذیل ہو گا۔

(۵.۵۹) 
$$oldsymbol{ au}=oldsymbol{ au}_a+oldsymbol{ au}_b+oldsymbol{ au}_c=rac{3}{2} au_0oldsymbol{a}_{ ext{x}}$$

لحب t=0 پر کل مقت طیسی د باوایک کچھے کے مقت طیسی د باو کاڈیڑھ گٹ اور صف رزاو یہ پر ہے۔ اب ہم گھٹ ڈی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ و قف بعب لحب  $t_1$  پر دوبارہ مقت طیسی د باو تلاشش کرتے ہیں۔ مساوات محمد من متغیب کرتے ہیں کہ اور مساوات ۵۵۵۵ مسین متغیب کرتے ہیں کہ اور مساوات کا محمد میں دکھیا گیا ہے۔  $t_1$  یوں منتخب کرتے ہیں کہ  $t_1=30$ ° میں دکھیا گیا ہے۔  $t_2$ 

۵.۲ محسر کی برقی دباو

$$i_a=I_0\cos 30^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}I_0$$
 
$$i_b=I_0\cos(30^\circ-120^\circ)=0$$
 
$$i_c=I_0\cos(30^\circ+120^\circ)=-\frac{\sqrt{3}}{2}I_0$$

$$\tau_a=\tau_0\cos30^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}\tau_0$$
 
$$\tau_b=\tau_0\cos(30^\circ-120^\circ)=0$$
 
$$\tau_c=\tau_0\cos(30^\circ+120^\circ)=-\frac{\sqrt{3}}{2}\tau_0$$

کل مقت طیسی دیاو کاطول auاور زاوی تکون سے حساصل کرتے ہیں۔

(a.1r) 
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a\tau_c\cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

تکون کے دواط سران کی لمب ئے ال ایک دوسرے کے برابر اور ان کے پخ زاوی ہے °60 ہے المبذامقت طیسی دباہ کازاویہ افتی کئے سرے °30 ہوگا۔

کل مقت طبی د باوجو پہلے صف رزاویہ پر گھت اب گھٹڑی کے مخت افیہ رخ گھوم کر °30 زاویہ پر ہے۔ ای طسر ت کل مقت طبی د باوجو پہلے صف رزاویہ پر گھت اللہ مقت طبی د باوج  $\frac{3}{2}$  سے سر بر خس کرنے ہے زاویہ  $\frac{3}{6}$  پر کل مقت طبی د باوج  $\frac{3}{6}$  پسے د ہوگا۔  $\theta$ 

## ۵.۲ محسرک برقی دباو

یہاں محسر کے برقی دباو ۴۸ کوایک دوسسرے نقطے نظے رہے پیش کرتے ہیں۔

## ۵.۲.۱ بدلت اروبر قی جنسریٹسر

شکل ۵.۲۵ مسیں ایک بنسیادی ب**دلگا رو چنرپیژ** ۳۶ د کھایا گیا ہے۔اسس کا گھومت ابر قی مقت طیسس، حنلائی درز مسیں سائن نمامقت طیبی دباوپید اکر تاہے جس سے درز مسیں سائن نما کافت مقت طیبی بہباو B پیدا ہوتا ہے:

(a.11°) 
$$B=B_0\cos\theta_p$$

ی مقت طیسس سزاویاتی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔ ابت دائی گھی۔ t=0 پر اسس مقت طیسس کو گھی ہے درخ افتی ککسے رپر تصور کریں۔ یوں گھی۔ کریں۔ یوں گھی۔ گوم کرزاوی ہال مساوات درج ذیل ککھی حباستی طسرح درج بالا مساوات درج ذیل ککھی حباستی میں۔ یوں گھی۔ آب رواتی طور پر کس بھی طسر تہید اگر دوبر تی دباو کو محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کہ محسر کے برتی دباو کو محسر کی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو محسر کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو کھی محسر کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کے برتی دباو کی محسر کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کو کھی کے برتی دباو کی برتی کے برتی دباو کی برتی دباو کی برتی دباو کرتی کے برتی دباو کی برتی دباو کے برتی دباو کرتی کی برتی کے برتی دباو کرتی کی برتی کو برتی کے برتی دباو کرتی کے برتی دباو کرتی کے برتی دباو کی برتی کے برتی کے



#### شکل ۵.۲۵: بنیادی بدلت اروجنسریٹ ر



شکل ۵.۲۱ کھے میں سے گزر تامقن طیسی بہاو۔

$$B=B_0\cos( heta- heta_m)$$
 
$$=B_0\cos( heta-\omega t)$$

$$\theta_m = \omega t$$

۵,۲ محسر کے برقی دیاو

$$\phi_a(0)=\int_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}m{B}\cdot\mathrm{d}m{S}$$
  $=\int_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}(B_0\cos heta_p)(l
ho\,\mathrm{d} heta_p)$   $=B_0l
ho\sin heta_pig|_{-rac{\pi}{2}}^{+rac{\pi}{2}}$   $=2B_0l
ho$   $=\phi_0$ 

$$\phi_a(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S}$$
 
$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho \, \mathrm{d}\theta_p)$$
 
$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \big|_{-\frac{\pi}{2} - \theta_m}^{+\frac{\pi}{2} - \theta_m}$$
 
$$= 2B_0 l\rho \cos \theta_m$$
 
$$= 2B_0 l\rho \cos \omega t$$

ای بہاو کو درج ذیل طسریقہ سے بھی حسامسل کیا حباسکتاہے۔

$$\begin{split} \phi_a(t) &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \\ &= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right] \\ &= 2B_0 l\rho \cos \omega t \end{split}$$

axial length".

 $\phi_a(t)$  کو درج و کا کو درج و کا کو درج کا کھی جا گیا ہے۔ ساوات ۵۹۲۲ کی مدد سے کمل کو درج و کا کو درج و کا کھی جا سکتا ہے۔ کھی جا سکتا ہے۔

(a.14) 
$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

۵.۲۵ کی طسر 0 اور 0 کچھوں کے مقت طبی بہاو کی مساواتیں بھی حساس کی حب سکتی ہیں۔ شکل ۵.۲۸ مسین زاویہ  $\frac{\pi}{2}$  جسک 0 کا مقت طبی بہاو کچھ 0 مسین زاویہ 0 معلوم کرنے کے لئے مسین زاویہ 0 معلوم کرنے کے لئے مسین آخر ہتا ہے۔ اس لئے 0 معلوم کرنے کے لئے مسین آخل کی حدیں مجمل کی حدیں محمل کی حدیں کی حدیں کی حدیں کی حدیں محمل کی حدیں کی ح

$$\begin{split} \phi_b(t) &= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l \rho \, \sin(\theta - \omega t) \big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \\ &= B_0 l \rho \, \Big[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \Big] \\ &= 2B_0 l \rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right) \end{split}$$

اور

$$\begin{split} \phi_c(t) &= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, \mathrm{d}\theta) \\ &= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{15\pi}{6}} \\ &= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right] \\ &= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right) \end{split}$$

ایک لچھ ا N حپکری تصور کرتے ہوئے شیسنول کچھوں مسیں پیدابر قی دباو معسلوم کرتے ہیں۔ کچھوں مسیں ارتباط بہباو درج ذیل ہوگا۔

$$\lambda_a=N\phi_a(t)=N\phi_0\cos\omega t$$
 
$$\lambda_b=N\phi_b(t)=N\phi_0\cos(\omega t-120^\circ)$$
 
$$\lambda_c=N\phi_c(t)=N\phi_0\cos(\omega t+120^\circ)$$

۵,۲ محسر کے برقی دباو

ان مساوات مسیں  $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیئن کو °120 ککھ گیا ہے۔ کچھوں مسیں پیدالمالی برقی دباودرج ذیل ہوگا۔

$$e_a(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin\omega t$$
 
$$e_b(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$e_c(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0\sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ)$$
 
$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ)$$
 
$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ)$$

: کسے جب سکتا ہے جو آلیس مسیں 120 زاو سے پر تین دوری محسر کے برتی دباو کو ظ ہر کرتی ہیں۔ ان سب کے خیطے  $E_0 = \omega N \phi_0$ 

يوں تىپ نوں برقى دباو كى موثر قيمت بيں الله درج ذيل ہوں گي۔

(۵.۷۲) 
$$E_{\dot{r}r} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

چونکہ  $BA=\phi$  ہوتا ہے البندامساوات ۵.۷۱ صفحہ ۲۶ پر دی گئی مساوات ۲.۵۱ کی طسر ہے۔ حنائی درز مسیں برقی مقن طیسس کامقن طیسی بہاوتصور کر کے مساوات ۸۷۷ صاصل کی گئی سے حقیقہ مسیں حنائی درز مسیں کسی بھی طسر جمہی مقن طیسی بہاو پیدا کرنے سے بیمی مساوات حساصل ہوں گی۔ یوں اگر درز مسیں

حنلاتی درز مسیں کی بھی طسرح یمی مقت تقیمی ہمباہ پیدا کرنے سے یمی مساوات حساس ہوں گی۔ یوں اگر درز مسیں ساکن، متحسر کے یادونوں کچھے مسل کریمی مقت طبیمی ہمساہ پیدا کریں تب یہی مساوات، یعنی یمی برقی دباو، حساسل ہوں \*\*

$$(2.22) \hspace{3.1em} E_{\dot{r}r} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

تین دوری بر تی جنسریٹ رکے  $k_w$  کی قیست 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں یک دوری برقی دباو دیتی ہے۔ تین دوری برقی جنسریٹ مسین اسس طسرح کی تین کچھوں کی جوڑیاں ہوتی ہیں جنہسین Y یعنی ستارہ یا کہ گونی جوڑا جب تا ہے۔

\_\_\_\_



شکل ۸.۲۷: یک دوری یک سمت برقی دباو ـ

#### ۵.۲.۲ يكسسسروبرقى جنسريسسر

ہر گھونے والا برقی جنسریٹ بنیادی طور پر بدلت اروجنسریٹ ہوتا ہے۔ البت جہاں یک سم برقی دباو<sup>۲۳</sup> کی ضرور ہے ہو وہاں گئے مست برقی دباو کو یک سم برقی دباو کسیں تبدیل کیا حب تا ہے۔ جنسریٹ رکے باہر برقیا تھا تھے گار میں تبدیل کیا جست دباوحیا سک کے ایک سم کے گار میں تبدیل کرنے بدلت دباوے یک سمت دباوحیا سکت کیا ہے۔ مساوات ۵۰۲۷ کے ایک سم برقی دباو میں تبدیل کرنے سے مشکل ۵۰۲۷ کے اور طوقیت مثل کا میں یک سمت برقی دباو دکھایا گیا ہے۔ اس یک سمت برقی دباوکی اوسط قیمت مصل کریں۔ حساس کریں۔ حساس کریں۔ حساس کریں۔

$$E_{\mbox{\tiny bust}} = rac{1}{\pi} \int_0^\pi \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = rac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

#### يك سمت جنسريت ريرباب ٨مسين غوركساحبائ گار

## ۵.۷ ہموار قطب مشینوں مسیں قوت مسرور ا

اس حسہ مسین کامسل مشین کی قوض مروز <sup>۵۳</sup> کے حصول کے دو تراکیب پر غور کی حبائے گا۔ ایک ترکیب مسین مشین کو دومقٹ طیسس تصور کر کے ان مقت اطیبوں کے فی قوت کشش، قوت دفغ اور قوت مسروڑ حساسل کیے حبائیں گئے جبکہ دوسسری ترکیب مسین مشین کے ساکن اور گھومتے کچھوں کو المالہ تصور کرکے (باب حبار کی طسرح) توانائی اور ہم توانائی کے ترکیب پر غور کرتے ہیں۔
توانائی کے ان کاحب بھاج سے گا۔ پہلے توانائی کی ترکیب پر غور کرتے ہیں۔

#### ا. ۷. ۵ مکانی قوت مسروژیذر بعب ترکیب توانائی

یہاں یک دوری مشین پر غور کیا جبائے گاجس سے حساصل نتائج با آسانی زیادہ دور کی مشینوں پر لاگو کیے حباسکتے ہیں۔ مشکل ۸۲، ۵ مسیں یک دور کی کامسل مشین دکھیائی گئے ہے۔ کسی بھی لمجہ اسس مشین کے دولچھوں کے پیچ کوئی زاوے ہوگا جے

DC voltage"

rectifier

commutator

torque



شکل ۵.۲۸: ساکن اماله اور گھومت اماله۔

 $\theta$ ے ظاہر کب گیا ہے۔ حنلائی درز ہر معتام پر یکساں ہے لہانہ اا بھسرے قطب کے اثرات کو نظسر انداز کسیاحیا تا ہے۔ مسزید، وتالب کاحبزومقت طیسس مستقل لامتناہی ( $\infty$   $\leftarrow$   $\mu_r$ ) تصور کسیا گیا ہے لہانہ الچھوں کا امالہ صرف حنلائی درز کے مقت طیبی مستقل  $\mu_0$  مخصر ہوگا۔

$$(2.24) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

 $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  سام اوات مسین  $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  سام اوات اور گلومته کچھوں کے ارتباط بہاو (میاوات ۲۳۳ میل کے تحت ) ورج ذیل ہوں گے۔

$$\lambda_a=L_{aa}i_a+L_{ar}(\theta)i_r=L_{aa}i_a+L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
 
$$\lambda_r=L_{ar}(\theta)i_a+L_{rr}i_r=L_{ar0}\cos(\theta)i_a+L_{rr}i_r$$

ے کن کچھے کی مسزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مسزاحمت  $R_r$  کے سروں پر متانون کر خون ہے برق دباو درج ذیل ہوں گے۔

$$(a.n.) \qquad v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$
 
$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں ∂بر تی زاو ہے ہے جس کی وقت کے ساتھ تب یلی، زاویائی رفت ارس ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

magnetic constant, permeability "1

میکانی قوی مسرور ٹبزریس ہم توانائی حساس کی حباستی ہے۔ صفحہ ۱۰۹ پر مساوات ۲۲ می ہم توانائی حساسل کی حبائے درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$W_m'=\frac{1}{2}L_{aa}i_a^2+\frac{1}{2}L_{rr}i_r^2+L_{ar0}i_ai_r\cos\theta$$

 $T_m$ اس سے میکانی قوت مسروڑ $T_m$  ساس کرتے ہیں۔

$$(\text{a.nr}) \hspace{1cm} T_m = \frac{\partial W_m'(\theta_m, i_a, i_r)}{\partial \theta_m} = \frac{\partial W_m'(\theta, i_a, i_r)}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_m}$$

چونکہ P قطب مثینوں کے لئے درج ذیل ہو تاہے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

لېنداېمىن مساوات ۵.۸۳ سے درج ذیل حساصل ہوگا۔

(a.12) 
$$T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin \left( \frac{P}{2} \theta_m \right)$$

 $T_m$  کی عبد اور جس لمحت پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقت طلیمی ہیں اور گھومتے کچھوں کے مقت طلیمی ہیں اور گھومتے کچھوں کے مقت اللیمی ہیں وگئے آو ہے مسروڑ منفی ہو گا۔ قوت مسروڑ دونوں مقت اللیمی ہیں و کو ایک میں رکھنے کی کو مشش کرتا ہے۔  $T_m$ 

### ۵.۷.۲ میکانی قوت مسرورٔ بذریعه مقن طیسی بهاو

سشکل ۵.۲۹-امسیں دو قطبی یک دوری مشین کے صرف گھومت کچھے مسین برقی روپایا حباتا ہے۔مشین کا گھومت احمہ ایک مقت طیس کی مانٹ ہے جس کے شمالی اور جنوبی قطبین دکھائے گئے ہیں۔اسس کچھے کامقت اطیبی بہاوتسیر کے نشان سے دکھایا گئے ہیں۔اسس کچھے کامقت اطیب کے تناہد کہ تاہے۔

سشکل ۵.۲۹ - ب مسین صرف ساکن کچھے مسین برقی روپایا حبا تا ہے۔ ساکن حصہ سے مقت طیسی بہدا دستارج ہو کر حنلائی درز سے ہو تاہوا گھومتے حصہ مسین داحن کہ ہو تا ہے لہذا یجی اسس کا شمسالی قطب ہوگا۔ یہساں ساکن حصہ ایک مقت طیس مانٹ دہے جس کا محور تسییر ہے ظاہر کساگسا ہے۔

اگر حپ مشکل ۵۲۹ مسیں گجھ کچھے د کھیئے گئے ہیں، در حقیقہ ونوں کچھوں کے مقت طبیبی دباو سائن-نمسا ہوں گے اور تسبیر کے نشانا سے ان مقت طبیبی دباو کی امواج کی چوٹیوں کو ظہا ہر کریں گے۔

سشکل ۹۳۰ ۵ مسیں دونوں کچھوں کو برقی روفسٹر اہم کیا گیا ہے۔ دونوں کچھوں کے محت الف قطبین کے پی قو ۔۔ کشش پائی حبائے گی جسس کی بیت دونوں کچھے ہم رخ ہونے کی کوسشش کریں گے۔

واضح رہے کہ دونوں کچھے (مقت طیسس) کو شش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صف رکے برابر ہو یعنی ان کامیکانی قوت مسروڑ  $\theta_{ar}$  کے کہ متالف رخ ہوگا۔ یمی میاوات ۵۸۸۵ کہتی ہے۔

کیھوں کے مقت طبیبی دباو کو مقت طبیبی محور کے رُر نے  $au_r$  اور  $au_r$  نظیبی دباو  $au_r$  اور  $au_r$  نے مقت طبیبی دباو  $au_r$  دباو کی چوٹیوں کے برابر ہیں۔ حضائی درز مسین کل مقت طبیبی دباو  $au_{ar}$  ان کا محب وعب ہوگا جس کا طول  $au_{ar}$  کاسیہ کوسائن  $au_r$ 

cosine low





سامسل ہو گا:

(a.ny) 
$$\begin{split} \tau_{ar}^2&=\tau_a^2+\tau_r^2-2\tau_a\tau_r\cos(180^\circ-\theta_{ar})\\ &=\tau_a^2+\tau_r^2+2\tau_a\tau_r\cos\theta_{ar} \end{split}$$

مقت طیسی شد سے کی چوٹی کو ظباہر کر تا ہے۔ خیلاء مسیں جس معتام پر مقت طیسی شد سے H ہو وہاں مقت طیسی  $H_{ar}$  ہم توانائی کی کثافت ، درز مسیں  $H^2$  کی اوسط کو  $\frac{\mu_0}{2}$  ہو وہاں مقت طیسی ہم توانائی کی کثافت ، درز مسیں  $H^2$  کی اوسط کو  $H^2$  سے ضرب کر کے  $H^2$  ہوگا۔ کسی بھی سے ائن نے امون  $H^2$  کی اوسط درج والے کا کا اوسط درج وزیل ہوگا۔

$$H^2 \omega = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^2 d\theta = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_0^2 \cos^2 \theta d\theta$$

$$= \frac{H_0^2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta = \frac{H_0^2}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \bigg|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} = \frac{H_0^2}{2}$$

یوں حسٰلائی درز مسیں، جہاں مقساطیسی میدان کاحیطہ  $H_{ar}$  ہے، اوسط ہم توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{\mu_0}{2}$  ہو گی۔ حسٰلائی درز مسیں اوسط ہم توانائی  $W'_m$  توانائی  $W'_m$  دے گا:

(a.14) 
$$W'_m = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اسس مساوات مسیں حنلائی ورز کی ردای لمبائی  $l_g$  اور دھسرے  $^{r_0}$  کے رخ محوری لمبائی  $^{r_0}$  ہے۔ محورے حنلائی ورز کا اوسط ردای سناصلہ r ہے۔ مسندیر r سس سندیر والی سناصلہ r ہے۔ مسندیر والی سنامی سندیں مساوات کو ہم مساوات کی مددے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔ مساوات کو ہم مساوات کی مددے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$W_m' = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \left( \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2 \tau_a \tau_r \cos \theta_{ar} \right)$$

يوں ميكانی قوت مسرور درج ذيل ہو گا۔

(a.91) 
$$T_m=\frac{\partial W_m'}{\partial \theta_{ar}}=-\frac{\mu_0\pi rl}{l_q}\tau_a\tau_r\sin\theta_{ar}$$

مساوات ۱۹۹۱ مسیں توت مسروڑ دو قطبی مشین کے لئے ساسل کی گئی۔ P قطبی مشین کے لئے ہے مساوات ہر جوڑی قطب کی میکانی توت مسروڑ دیتی ہے لہانہ ا P قطبی مشین کی قوت مسروڑ ﷺ گناہو گی:

(a.9r) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات ۱۹۰۳ ایک اور گومتے کچھوں کے مطابق مشین کی میکانی توت مسروڑ، ساکن اور گومتے کچھوں کے مقت طلبی دباو کی چوٹیوں اور دونوں کے نتج بر تی زاویہ مساوات ہے۔ سائن کی راست مسناسب ہو گی۔ منفی میکانی توت مسروڑ کا مطلب ہے کہ بین زاویہ کو مرنے کی کوشش کرے گی۔ مطلب ہے کہ بین زاویہ کو مرنے کی کوشش کرے گی۔ مشین کے سائن اور گھومتے حصوں پر ایک دوسسرے کے برابر لیسکن محت الف رخ میکانی توت مسروڑ ہوگی البت سائن حصوں پر ایک وجود کے ذریعہ زمسین تک شقت لہ ہوگی جبکہ گھومتے ھے کی میکانی توت مسروڑ اسس حصے کی میکانی توت مسروڑ اسس حصر کو متحسر کے رک قریعے۔

چونکہ مقٹ طبیعی دباو کچھے کے برقی رو کاراست مستناسب ہے لہانہ اور  $i_a$  آگیس مسین راست مستناسب ہوں گے جب کہ مساوات ۵۸۵ اور ۵۹۴ ایک گے جب کہ مساوات ۵۸۵ اور ۵۹۴ ایک دوسسرے جیسے ہیں۔ دوسسرے جیسے ہیں۔ رحقیقت سے ثابت کہا جب سکتا ہے کہ ہے ہیں۔

سٹ کل ۵.۳۱ مسیں دوبارہ س کن اور گھونتے کچھوں کے مقت طیسی دباو د کھنے گئے ہیں۔ سٹکل – اکی تکون  $\Delta AEC$  اور  $\Delta BEC$  مسین  $\Delta CE$ مسین  $\Delta CE$ مشیر کے جو دری ذیل ہوگا۔

(a.9r) 
$$CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اسس مساوات کی مدد سے مساوات ۵.۹۲ کو درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

(a.97) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_q} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

ای طسرح شکل ۱۳۱۱ – بے جو درج ذیل ہو گا۔  $\Delta SWQ$  اور تکون  $\Delta SWQ$  مسین WQ مشتر کے ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اسس مساوات کی مدد سے مساوات ۵.۹۲ کو درج ذیل لکھا حباسکتاہے۔

(a.94) 
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مساوات ۵.۹۲ مساوات ۹۲ ۵ اور مساوات ۵.۹۲ کوایک ساتھ لکھتے ہیں۔

$$T_m=-\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_g}\tau_a\tau_r\sin\theta_{ar}$$
 
$$T_m=-\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_g}\tau_a\tau_{ar}\sin\theta_a$$
 
$$T_m=-\frac{P}{2}\frac{\mu_0\pi rl}{l_a}\tau_r\tau_{ar}\sin\theta_r$$



<u> شکل ۵٫۳۱: مقت طیسی بہاواور ان کے زاویے۔</u>

ان مساوات سے واضح ہے کہ میکانی قوت مسروڑ کو دونوں کچھوں کے مقت طیسی دباواور ان کے پخ زاویہ کی صورت مسین، یا سمی ایک لیجھے کے مقت طیسی دباو، کل مقت طیسی دباواور ان کے پخ زاویہ کی صورت مسین لکھا حباسکتا ہے۔

اسس بات کو یوں بسیان کسیا حب سکتاہے کہ میکانی قوت مسروڑ دومقٹ طیسی دباو کی آپس مسیں ردعمسل کی و حب ہے پسید ااور مقت طیسی دباو کی چوٹیوں اور ان کے پچ زاوی ہے بر مخصصہ رہو تاہے۔

مقت طبیبی دباد، مقت طبیبی شدی، کثافت مقت طبیبی بهباد اور مقت طبیبی بهباد آلیس مسین تعساق رکھتے ہیں جنہمیں مختلف طبیبی دباد  $au_{ar}$  اور درز مسین کثافت مقت طبیبی بهباد مقت طبیبی بهباد کا تعساق کا تعس

(a.91) 
$$B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_a}$$

استعال کرے مساوات ۵.۹۷ کے آمنسری حبزو کو درج ذیل لکھا حب سکتا ہے۔

(a.99) 
$$T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin\theta_r$$

مقن طیسی مشینوں کی متابی مقن طیسی مستقل س کی محد دو قیمت کی بین احتاب مسین کثافت مقن طیسی بہا و تقسریباً ایک ایک ایک محد دو قیمت کی بین احتاب مسین کثافت مقن طیسی بہا وقت ریباً ایک ایک طب رح گھومتے اس حد کو مد نظسر رکھنا ہوگا۔ ای طسرح گھومتے کی محتاب اور مسین برقی توانائی ضائع ہوتی کی مسزا جمہ مسین برقی توانائی ضائع ہوتی کے کامقن طیسی دباواسس کیچھے مسین برقی روپر مخصسر ہوتا ہے۔ اس برقی روپے کی مسزا جمسان تک کچھے کو شخت ٹر ارکھنا ممسکن ہو ۔ یوں ہے جب س کے کچھا کو شخت ٹر ارکھنا ممسکن ہو ۔ یوں مقت طیسی دباوکو ایک حدے نیچے رکھنا ہوگا۔ مساوات 8.94 مسین کی ہو ہو کی میں اہلی ذامشین کی بہت ویٹ کے نقط نظر سے برائی ہو ایک اہم مساوات ہے۔

مے وات 9.9 کی دو سری اہم صورت دیکھتے ہیں۔ قطب پر اوسط کثافت مقت طبیبی بہب و اوسط B اور قطب کے رقب

 $A_F$ 

$$B_{\rm last}=\frac{1}{\pi}\int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}B_0\cos\theta\,{\rm d}\theta=\frac{2B_0}{\pi}$$

$$A_P = \frac{2\pi r l}{P}$$

کاحب صل ضرب قطب پر مقت طبیمی ہیسا و $\phi_P$  ہو تاہے لہند ا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin\theta_r$$

ہوں گے۔مساوات ۵.۱۰۳معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمدہے۔

## باب

# يكال حال، برفت رار حيالومع اصرمثين

مع اصر مشین وہ گلومنے والی مشین ہے جو ایک مقب ررہ رفت ارسے گلومتی ہے۔ ہے رفت ار منسراہم کر دہ برقی دباوے تعد دپر مخصہ رہوتی ہے۔

کی جنسر پر ہو جھ تبدیل کرنے یا جنسر پیٹسر کو میکانی طباقت فنسراہم کرنے والے کی رفت ار تبدیل کرنے کے چند ہی لحسات مسیں جنسر پیٹسر بنی حسالت کے مطابق دوبارہ برقت رار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اسس برفت رار حورت اختیار کر لیتا ہے۔اسس برفت رار حورت وغیب رہ تبدیل جہیں ہوتے ہیں۔ای طسرح موٹر پر بوجھ تبدیل ہونے نے موٹر کی درکار طباقت اور برقی رہ تبدیل ہوں گے۔ بوجھ تبدیل ہونے نے قبل موٹر ایک مستقل برقی رو حساسل کرتی اور ایک مستقل در جب حسرارت پر رہتی ہے۔ بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی لحسات مسیں موٹر دوبارہ ایک بی بوت میں برفت رار رہتا ہے اور اسس کا برقی رو ایک نئی برفت رار رہتا ہے اور اسس کا در جب حسرارت بھی ایک نئی قیمت اختیار کرتا ہے۔ دو مختلف برفت رار حیالو، یکساں صور توں کے در میان چند لحسات کے لئے مشین عارضی حالی امسیں ہوتی ہے۔ اسس باب مسین پر تبصرہ کیا۔

معناصر مشین کے قوی کچھے عسوماً ساکن ہوتے ہیں جبکہ اسس کے میدانی کچھے مصاصر رفت ارسے گلومتے ہیں۔ میدانی الچھوں کا برقی رو کی نسبت بہت کم ہوتا ہے البندا میدانی کچھوں کو گھمایا حباتا ہے اور ان تک برقی رو کی نسبت بہت کے ہوتا ہے البندا میدانی کچھوں کو اسس لئے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ سے کہ سے کہ کے اس کے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ سے کہ کے اس کے گلومتے حصر پر نسب نہیں کیا حباتا ہے کہ حسر کر سے چھاوں کے ذریعیہ ان کا (نسبۂ بہت رزیادہ) برقی رو منتقبل کرنا مشکل ثابت ہوتا ہے۔ یوں قوی کچھوں کو ساکن رکھا حباتا ہے۔

ہم دیکھ جیکے ہیں کہ تین دوری س کن کچھوں مسیں متوازن تین دوری برتی رو ایک گھومتے مقت طبیبی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں۔اسس گھومتی موج کی رفت ار کو **معاصر رفتار** سمج ہیں۔ معاصر مشین کا گھومت احسہ اس ان فت ارسے گھومت ہے۔ معاصر مشین کے میدانی کچھ کویک سمت برتی رودر کار ہوتا ہے جو سسر کے چھالوں کے ذریعہ اسس تک باہرے پنجھایا حیاتا ہے یامشین کے دھسرے پرنسب ایک چھوٹے یک سمت جنسریٹرے منسراہم کسیاحیا تا ہے۔

steady state synchronous speed



مشکل ا. ۲: کاربن بُش اور سے رک چھلوں کے ذریعہ گھومتے کچھے تک برقی رو پہنچایا گیا ہے۔

میدانی لچھ ایک میدانی مقن طیسی دباو پیدا کرتا ہے جو میدانی کچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفت ارسے گھومت ا ہے۔ یوں معاصر مشین کے گھومتے کچھوں کی مقن اطیسی دباومون آور ساکن کچھوں کی مقن اطیسی دباوموج معاصر رفت ارسے گھومتی ہیں۔ جس کی ب ان مشینوں کو معاصر مشیور کہتے ہیں۔

#### ۱.۱ متعدد دوری معاصر مشین

معاصر مشین عصوماً تین دوری ہوتے ہیں۔ تین دوری ساکن قوی کچھے حنلائی درز مسیں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ میدانی کچھے گھومتے جھے پرنسب ہوتے ہیں اور ان مسین یک سمت برقی روہو تاہے۔

مشین کے گھومتے تھے کو ہیں۔ ونی میکانی طباقت سے گھمانے سے مشین ایک معیاصر جنسہ بیٹ کے طور پر کام کرتی ہے اور اسس کے تین دوری ساکن قوی کیچھوں مسین تین دوری برقی دباویسید اہو گا جسس کابر قی تعد در گھوسنے کی رفت ار پر مخصصہ ہوگا۔ اسس کے بر عکس، مشین کے تین دوری ساکن قوی کیچھوں کو تین دوری برقی طباقت مہیا کرنے سے مشین ایک معیاصر موٹر کے طور پر کام کرتی ہے جو معیاصر رفت ارسے گھوسے گی۔ مشین کی کل برقی قوت کے چند فی صد برابر برقی قوت مید انی کیچھ کو در کار ہوتی ہے۔

گومتے لیجے تک برقی دباو مختلف طسریقوں ہے پہنچایا جب سکتا ہے۔ شکل ۲۰۱۱ مسیں گومتے لیجے تک موصل سمرکھ میں گومتے لیجے تک سمس برقی رو پہنچانے کا طسریقہ دکھایا گیا ہے۔ سسرک چھلے ای دھسرے پر نسب ہوں گے جس پر گھومت لیجھانسب ہو گالہ خااسسرک چھلے اور گھومتے لیجھانک ہی رفت اربے حسر ک کریں گے۔

کارین کے ساکن بشش، اسپرنگ کی مدد ہے، سسرک چھلوں کی بیسرونی سطے کے ساتھ دباکر رکھے حب تے ہیں۔ جب مشین حیاتی ہے، کارین بشش ان سسرک چھلوں پر سسرکتے ہیں۔ اسپرنگ کادباوان کابرتی جو ڈمفبوط رکھتا ہے تا کہ ان کے فیج دیگاریاں بہشس کارین بشش کے اور حسرک سے سے بیار جسٹری ہے۔ یک سمت برقی رو آی۔ کارین بہشس کے اور سسرک

بڑی معاصر مشین کامیدانی یک سمت روع موماً ایک چھوٹے بدلت اروج نسریٹ رسے حساس کیا حباتا

slip rings<sup>c</sup> carbon bush<sup>a</sup>

چھلوں سے ہو تاہوا، گھومتے لچھے تک پہنچتا ہے۔

ہے جو معاصر مشین کے دھسرے پر نہ ہوتا ہے اور دھسرے کے ساتھ گھومت ہے۔ چھوٹے جنسریٹسر کے برقی دباو کو دھسرے پر نہ برقبیاتی سے کار کی مدد ہے یک سمت برقی دباو مسیں تبدیل کہا حباتا ہے۔ یوں سسر ک چھلے کی ضرورت پیش نہیں آتی ہے۔ سسر ک چھلے بوجب رگڑ حنسراب ہوتے ہیں جس کی وجبہ سے معاصر مشین کی مسرمت درکار ہوتی ہے جوایک مہنگا کام ہے۔ ای لئے چھوٹا جنسریٹراستعال کرتے ہوئے سسر ک چھلوں سے خبات ساسل کی حباق ہے۔

ب المجامل کی موٹروں کے لئے موزوں ہیں۔ انجسرے قطب 'مشین، پانی سے چلنے والے سبت رفت ارجسریٹ راور عسام استعال کی موٹروں کے لئے موزوں ہیں۔ جبکہ ہموار قطب عمشین، تب زرفت اردوپا حسار قطبی **پر فاھ** مجسسریٹ سروں کے لئے موزوں ہیں۔

ایک (بڑی) سلطنت کو در کاربر تی توانائی کی ایک جنسریٹرے پیدا کرنام کن نہیں ہوتا ہے بلکہ چند درجن سے لے کر کئی سو جنسریٹر بیک وقت سے صندیقت سرانحبام دیے ہیں۔ ایک سے زیادہ جنسریٹر استعال کرناف اندہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اول، بر تی توانائی کی ضرورت کے مطاباتی جنسریٹر حیالو کے حیاستے ہیں۔ دوم، جنسریٹرول کو ان معتامات کے قسریب نسب کسیا حیاس جہاں برتی توانائی در کار ہو۔ اسس طسر ہ کے بڑے نظام مسیں ایک جنسریٹر کی حیثریت بہت کم ہوتی ہے الجندا کی ایک جنسریٹر کو حیالو یابند کرنے سے پورے نظام پر کوئی دیاس اثر نہیں پڑتا ہے۔ یوں ہم سلطنت کے برتی نظام کو ایک مقسرہ برتی دباو اور ایک مقسرہ برتی تعدد کالامتنائی نظام تھور کر سے ہیں۔ معاصر جنسریٹر کو کیام ہہاو نظام کے ساتھ حب اُلقور کر کے معاصر جنسریٹر کے گیا ہم پہلو

مساوات ۱۹۰۳ معاصر مشین کی قوت مسروڑ دیتی ہے۔اسس مساوات کے مطابل برتی قوت مسروڑ،
مشین مسیں موجود متعامل مغناطیبی دباو کو ایک دوسرے کی سیدھ مسیں لانے کی کوشش کرتی ہے۔برفت رارحپالو
مشین کی برتی قوت مسروڑ اور مشین کے دھسرے پرلاگو میکانی قوت مسروڑ ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ جب
مشین ایک جنسریٹ کی حیثیت ہے استعال ہوت میکانی طاقت دھسرے کو گھساتا ہے اور گھومتے کھے کامقناطیبی
دباوگل مقناطیبی دباوے گھومنے کے رخ آگے ہوتا ہے۔ مساوات ۱۹۰۳ سے سامس کو قوت مسروڑ ایک صورت مسیں
مشین کو گھومنے ہے روئے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت جیلتے پانی، این دھن سے جیلتے انجی، وغیسرہ سے ساس ہوسکتا

کل مقت طیبی بہباہ  $\phi_{ar}$  اور گھومتے کچھے کا مقت طیبی دباہ  $\sigma_{r}$  تبدیل نہ ہونے کی صورت مسیں مساوات ۱۰۳ کے مطابل مشین کی قوت مسروڑ  $\sigma_{ar}$   $\sigma_{ar}$   $\sigma_{ar}$  مطابل مشین کی قوت مسروڑ  $\sigma_{ar}$   $\sigma_{ar$ 

موٹر پر لدامیکانی بوجھ بت در نج بڑھانے سے ایک لحب آئے گاجب زاویہ  $\theta_r$  نوے در حب،  $\frac{\pi}{2}$  ریڈ بئن، تک پہنچت ا ہے۔ اسس لمحب موٹر اپنی انتہائی قوت مسروڑ 'اپیدا کرے گی۔ موٹر کسی بھی صور سے مسین اسس سے زیادہ قوت مسروڑ

salient poles

non-salient poles

turbine^

hunting

pull out torque'\*

پیدا نہیں کر سکتی ہے لہذا ہو جھ مسزید بڑھانے ہے موٹر رک حبائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر "صورت افتیار کر لی ہے۔مساوات ۵.۱۰۳سے ظاہر ہے کہ ایک قطب کا کل مقت طیسی بہبادیا (اور) گھومتے کچھے کامقت طیسی دباوبڑھ کرموٹر کی انتہائی قویں مسروڑ بڑھائی حباستی ہے۔

روں ہوں اور استعمال کی جائے ہے۔ یکی صورت حال اگر مشین برقی جنسر سے طور پر استعمال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیسر

معاصر صورت اختیار کرے،اے حبلہ خود کار دور شکن اکی مددے برتی بھم رسانی ہے الگ کر دیاحب تا ہے۔

ہم نے دیکھ کہ ایک معاصر موڑ صرف اور صرف معاصر رفتارے ہی گھوم سنتی ہے اور صرف ای رفتار پر گھوم کر قوت مسروڑ پیسلا ایک رفتار پر گھوم کر قوت مسروڈ پیدا کر سنتی ہے لہذا ساکن معاصر موڑ کو دبیالو کرنے کی کوشش ناکام ہوگی۔ معاصر رفتار تک لیا جباتا ہے۔ ایسا عسموماً دوسرے طسریقے سے معاصر رفتار تک میں حب ایل عسموماً ایک چھوٹی امالی موڑ "کی مدد سے کیا جباتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو معاصر رفتار تک پہنچاتی ہے جس کے بعد معاصر موٹر کو حسارے پرنسب ہوتی ہے۔ معاصر موٹر کو حسارے پرنسب ہوتی ہے۔

### ۲.۲ معاصر مثین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مشین دو قطب اور تین دوری ہے اور اسس کے کچھے ستارہ نمب حبٹرے ہیں۔اسس طسرح کچھوں مسین برقی رو، تاربر قی رو"ا ہی ہو گااور ان پر لا گوبر قی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ایسا کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان اور نتیجب کسی بھی موٹر کے لئے درست ہو تاہے۔

سشکل ۲۰۲۲ مسئیں ایک ایسی تین دوری دو قطبی معاصر مشین دکھائی گئی ہے۔ اسس کا گھومت حصد نکی نمیا ہے۔ اسس کو دو قطبی مشین یا 7 قطبی مشین کے دو قطبین کاحصہ تصور کسیاحب سکتا ہے۔

اکس طسر ہے بہب ان پچھ کچھے دکھائے گئے ہیں، حقیقت میں پھیلے کچھے استعال ہوں گے لہنذا انہمیں پھیلے کچھے تصور کریں۔
اکس طسر ہے کچھے کی مقناطیسی کور کے رخ ہو گئے ہیں۔ وہوتا ہے بال تاہے جس کی چوٹی کچھے کی مقناطیسی کور کے رخ ہوگا۔ چو نکہ معیاصر مشین کے گھو متے کچھے مسیں یک ہوئی کچھے کامقناطیسی دباو ہو مے کھے کامقناطیسی دباو گھو متے کھے کامقناطیسی دباو گھو متے حصر کے ساتھ معیاصر مفتارے گھو مے گا۔ گھو متے حصر کی مقناطیسی کور کے رخ ہوگا۔ گھو متے کھے کامقناطیسی دباو گھو متے حصر کے ساتھ معیاصر مفتارے گھو مے گا۔ وہنر کی کہ ہے مشین معیاصر مفتار سے گھو می مقناطیسی کور کے رخ ایک دور ہوا وہ گھو متے کہا ہوں تب کی بھی لحصہ بازان کے نے زاویہ ہوگا۔ امالہ کاریاضی حساب کرنے کے لئے کے رخ ایک دور می کہ ہوئی کرنے ایک دور کا کہ بائی دور کے ساتھ میں جوئا کو نظر ہوئی کی دور کا کہ بائی دور میں کہ ہوئی کوری کم بائی دور سے کا وہ طور دائی وناصیا ہو میں کی کوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کا وہ طور دائی وناصیا ہوئی کوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کا دور کو نظر انداز کریں۔ محورے حنائی درز تک کا اوسط ددائی وناصیا ہوئی کے دخ کی کھی کھورے کی کھوری کم بائی (دھر سے کے دخ) کا

سب کسی بھی کچھے کے خود امالہ کاحب ہے کرتے وقت باقی تمام کچھوں کو نظر انداز کریں۔ یوں باقی تمام کچھوں مسین برقی روصن سر تصور کریں، یعنی ان کچھوں کے سسرے آزاد رکھیں۔ کسی ایک کچھوں کے سسرے آزاد رکھیں جبائیں گے۔

lost synchronism"

circuit breaker"

induction motor

line current

۱.۲. معاصر مشین کے امالہ



شکل ۲۰۲: تین دوری، دو قطبی معاصر مشین ـ

.٢.٢ خوداماله

auگومتے یا auکن کچھے کاخو د امالہ L زاو ہے au پر منحصسر نہیں ہوگا۔ ان مسیں سے کسی بھی کچھے کامقت اطبی دباو au

$$\tau = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p$$

خلائی درزمسیں درج ذیل کثافت مقت طیسی بہاو B پیدا کرے گاجہاں  $\theta_p$  کچھے کے محورے ناپاحباۓ گا۔

(1.7) 
$$B=\mu_0 H=\mu_0 \frac{\tau}{l_a}=\mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_a} \cos\theta_p$$

ے۔ مساوات زاویہ و $\theta_p$  کے ساتھ کثافت مقت طبی دباو B کا تعساق پیش کرتی ہے۔ اسس مساوات کا سطحی تکمل  $^{\mathrm{a}}$  کچھا کے ایک قطب پر کل مقت طبیحی بہباو  $\phi$  دے گا۔

$$\begin{split} \phi &= \int \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d} \boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B l \rho \, \mathrm{d} \theta_p \\ &= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2 l_g} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, \mathrm{d} \theta_p \\ &= \frac{4 \mu_0 k_w Ni l \rho}{\pi l_g} \end{split}$$

surface integral10

ایک کچھے کا خود امالہ L، مساوات ۲.۲۹ مسیں حبز و پھیلاو  $k_w$  کا اثر شامل کرتے ہوئے حساصل کرتے ہیں۔

(1.7) 
$$L=\frac{\lambda}{i}=\frac{k_wN\phi}{i}=\frac{4\mu_0k_w^2N^2l\rho}{\pi l_q}$$

ہے مساوات شکل ۲.۲ مسیں شینوں قوی کچھوں کاخو د امالہ

(1.2) 
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$

اور میدانی کچھے کاخو دامالہ دیتی ہے۔

(۲.۲) 
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_q}$$

۲.۲.۲ مشتر که اماله

اب ہم دو کچھوں کامشتر کہ امالہ حیاص کرتے ہیں۔ تصور کریں صرف گھومت کچھا مقت طبیبی ہیں و پیدا کر رہا ہے۔ ہم ہم ہب و کے اسس حصہ ہے، جو ہم کچھا ہے گزرتا ہے، گھومت کچھا کامشتر کہ امالہ حیاص کرتے ہیں۔ مشکل ۲۰۲ مسیں گھومت اور  $\theta_p < (\frac{\pi}{2} - \theta) < \theta_p < (\frac{\pi}{2} - \theta)$  کے جہوں کے گئی ہب وہ کچھا ہے گومت اور سے میں مقت طبیبی ہب و کاحب ہے۔ ایکی صورت میں اوات ۲۰۰ مسیں تکمل کی حدیں تب بیل کرے حیاص کرتے ہیں۔ میں گئر کے گا ہم کے اسس مقت طبیبی ہب و کاحب ہے۔ میں اوات ۲۰۰ مسیں تکمل کی حدیں تب بیل کرے حیاص کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \phi_{am} &= \int \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} \\ &= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, \mathrm{d}\theta_{p} \\ &= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, \mathrm{d}\theta_{p} \\ &= \frac{4 \mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta \end{split}$$

یوں گھومتے کیمیااور a کیمیا کامشتر کہ امالیہ

(1.1) 
$$L_{am}=\frac{\lambda_{am}}{i_m}=\frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m}=\frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

يا

(1.9) 
$$L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

۲.۲ معاصر مشین کے امالہ

ہو گاجہاں

$$L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_a}$$

$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_a} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_a}$$

ہو گاجہاں یک انیت کی بدولت  $k_{wb}=k_{wa}$  اور  $N_b=N_b$  کے گئے ہیں۔ اگر شینوں ساکن کچھے بالکل یک ال ہوں تب درج بالام اوات اور مساوات ۲۰۵ کی مدد سے درج زیل لکھ حب سکتا ہے۔

(1.17) 
$$L_{ab}=L_{bc}=L_{ca}=-\frac{L_{aa0}}{2}$$

٣.٢.٣ معياصرامالير

مشین پرلاگوبر قی دباو کومشین کے کیجھول کاخود امالہ، مشتر کہ امالہ اور کیجھوں کے برقی رو کی مدد سے لکھ حب سکتا ہے۔ ہے۔ کرنے کے لئے ہم پہلے کیجھول کی ارتساط ہیبو کہ کوان کے امالہ اور برقی رو کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$
 
$$\lambda_b = L_{ba}i_a + L_{bb}i_b + L_{bc}i_c + L_{bm}I_m$$
 
$$\lambda_c = L_{ca}i_a + L_{cb}i_b + L_{cc}i_c + L_{cm}I_m$$
 
$$\lambda_m = L_{ma}i_a + L_{mb}i_b + L_{mc}i_c + L_{mm}I_m$$

ان مساوات مسیں ساکن کچھوں کا ہدلت ارو چھوٹے حسرون  $i_a,i_b,i_c$  جبکہ گھومتے مید انی کچھے کا یک سمت رو بڑے حسرون  $I_a$  جنس خسرون سے اللہ کے انہا میں اللہ کیا گیا ہے۔

ان حپار مساوات مسیں ہے ہم کئی ایک کو حسل کرتے ہیں۔ چونکہ حپاروں مساوات ایک طسرح کی ہیں الہذاباقی بھی ای طسرح حسل ہوں گی۔ ہم ان مسیں پہلی مساوات نتخب کرتے ہیں:

(1.16) 
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات ۱.۵ کچھ a کاخود امالہ دیتی ہے اور اسس کو حسامس کرتے ہوئے تصور کیا گیا کہ کچھ کا پورامقن طیسی بہب و حنلائی درز سے گزر کر دو سسری حسانب درز سے گزر کر دو سسری حسانب درز سے گزر کر دو سسری حسانب نہیں بہتی پہتی پاتا ہے بلکہ حنلائی درز مسیں رہتے ہوئے کچھ کے گر دحیکر کا پکھ حصہ مسل کر تا ہے۔مقن طیسی بہب و کا ہے۔ حصہ رستا المالہ کا لیے الم اللہ  $L_{aa}$  پاکہ خوانسفار مسرے رستا امالہ کی طسرح ہوتا ہے۔ یوں کچھ کا کل خود امالہ عموں پر مشتمل ہوگا:

$$(1.16) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

leakage inductance

ہم مساوات ۲.۵، مساوات ۲.۵، مساوات ۲.۱۲ اور مساوات ۲.۱۵ کی مدد سے مساوات ۲.۱۵ کو درج ذیل صورت مسین کھتے ہیں۔

$$\begin{split} \lambda_a &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}i_b - \frac{L_{aa0}}{2}i_c + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}\left(i_b + i_c\right) + L_{am0}I_m\cos\omega t \end{split}$$

ا ہے تین دوری برقی رو کامجہموعہ صف رہو تاہے

$$i_a + i_b + i_c = 0$$

لہندامساوات ۲۰۱۲مسیں اسس کواستعال کرتے ہوئے

$$\begin{split} \lambda_a &= \left(L_{aa0} + L_{al}\right)i_a - \frac{L_{aa0}}{2}\left(-i_a\right) + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= \left(\frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}\right)i_a + L_{am0}I_m\cos\omega t \\ &= L_si_a + L_{am0}I_m\cos\omega t \end{split}$$

حساصل ہو گاجسار

$$L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

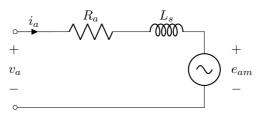
کوم**عاصرامالہ** <sup>۱۷</sup> کہتے ہیں۔

مساوات ۱۹۱۹ اور مساوات ۵٬۳۹ پر ایک مسرتب دوباره غور کریں۔ ب دونوں ایک دوسرے جیسے ہیں۔ وہاں کل گھومت امقت طبی دباوایک کچھے کے مقت طبی دباو کا 😤 گٹا تھت اور بیباں معساصر امالہ ایک کچھے کے امالہ کا 😤 گٹا ہے۔ ب دو مساوات ایک ہی حقیقت کے دوپیسلو ہیں۔

معاصرامالہ تین حصول پر مشتل ہے۔ پہااحسہ  $L_{aa0}$  ہے کافود امالہ ہے۔ دوسسراحسہ  $L_{aa0}$  ہی گیاتی دو کی معاصرامالہ تین حصول پر مشتل ہے۔ پہااحسہ مشین میں تین دوری متوازن برقی رو ہو۔ تیسسراحسہ  $L_{a1}$  ہی گیاسے کا کو ستا امالہ ہے۔ یوں متوازن برقی رو کی صورت مسین معاصرامالہ، مشین کے ایک کیچے کاظاہر کی امالہ ہو تاہے۔ مشین کے ایک مصاصرا ہوتا ہے۔ ایک مصاصر جنسر کا کیک دورک کل خود امالہ H لے 2.2 اور رستا امالہ اور مشین کا معاصرامالہ حساس کریں۔ کیچوں کا مشتر کہ امالہ اور مشین کا معاصرامالہ حساس کریں۔

 $L_{ab}=$  بو تا باله کی مدرے  $L_{aa0}=2$  سال باله کی سال باله کی مدرے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{ab}$  بو تا باله کی مدرے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{ab}$  باله کی مدرے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{aa0}+L_{aa0}$ 

synchronous inductance12



شکل ۲.۳:معیاصر موٹر کامیاوی دوریاریاضی نمون۔

# ۲.۳ معاصر مشین کامساوی دوریاریاضی نمون

لچے a پر لاگوبر تی دباولچھے کی مسزاحa میں برتی دباوے گھٹاد اور کے برتی دباوے برابر ہوگا

$$v_a=i_aR_a+\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}$$
 
$$=i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}-\omega L_{am0}I_m\sin\omega t$$
 
$$=i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}+e_{am}$$

ہاں درج ذیل لکھا گیاہے۔

$$e_{am}=-\omega L_{am0}I_m\sin\omega t$$
 
$$=\omega L_{am0}I_m\cos\left(\omega t+rac{\pi}{2}
ight)$$

ایجانی برقی دباویااندرونی پیدا برقی دباو کہا تا ہے جو گھوتے کچھے سے پیدامقٹ طیسی کہا و کا وجب سے وجود مسیں آتا ہے۔اسس کی موثر قبہ سے Eam.rms مساوات ۱۲.۲ کے چطہ سے حسامسل ہوگی۔

(1.rr) 
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

مساوات ۲۰۲۰ کوایک برقی دور سے ظاہر کیا جب سکتا ہے جے شکل ۲۰۳ میں دکھیایا گیا ہے۔ کی بھی برقی دور مسیں لاگوبرقی دباوے مثبت سر سر سے (مثبت ) روحنارج ہوتا ہے ۔ یوں اس شکل مسین برقی روہ الاگوبرقی دباو ہوتا ہے ۔ اگر موٹر سے حنارج ہوتا ہے ۔ شکل ۲۰۳ ایک موٹر کو ظاہر کرتی ہے جہاں موٹر کے مثبت سروں پر برقی روداحنل ہوتا ہے ۔ اگر موٹر کی بجب نے ایک معاصر جنسر سے میں برقی روداحس جنسر سے مثبت کے مثبت سے حنارج ہوتا اور ہمیں شکل ۲۰۳ کی بجب نے شکل ۲۰۳ میں موتا ہوتا ۔ شکل ۲۰۳ سے جنسر سے کی میں اوا ۔ گھتے ہیں ۔ جنسر سے کی میں اوا ۔ گھتے ہیں ۔ جنسر سے کی میں اوا ۔ گھتے ہیں ۔ جنسر سے کی میں اوا ۔ گھتے ہیں ۔ جنسر سے کی میں اور جنس سے کی میں اور جنس ہوتا۔ شکل ۲۰۳ سے جنسر سے کی میں اور جنس ہیں ۔ جنسر سے کی میں اور جنس ہیں ۔ جنسر سے کی میں اور جنس ہیں ۔ جنسر سے کی میں اور جنس ہوتا۔ شکل ۲۰۳ سے جنسر سے کی میں اور جنس ہیں ۔ جنسر سے کی ہیں ۔ جنسر ہیں ہوتا ۔ شکل ۲۰۳ سے جنسر سے کی میں کی جنسر ہیں ہوتا کی جنسر ہوتا کی جنسر ہیں کی جنسر ہیں کی کھیل ہیں ۔ جنسر ہیں کی کھیل ہیں کی جنسر ہیں کی کھیل ہیں کی جنسر ہیں کی کھیل ہوتا کی جنسر ہیں کہ کی جنسر ہیں کی جنسر ہیں کی کھیل ہیں کی کھیل ہیں کہ کھیل ہیں کی کھیل ہوتا کو جنسر ہیں کی کھیل ہیں کہ کاروپر کی جنسر ہیں کی کھیل ہیں کی کھیل ہوتا کو کھیل ہوتا کی کھیل ہوتا کو کھیل ہوتا کی کھیل ہوتا کی کھیل ہوتا کو کھیل ہوتا کی کھیل ہوتا کے کھیل ہوتا کی کھیل ہوتا کے کھیل ہوتا کی کھیل

(1.7°) 
$$e_{am}=i_aR_a+L_s\frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t}+v_a$$



شکل ۲۰۲۲: معاصر جنسریٹ رکامساوی دوریاریاضی نمون۔



شکل ۲.۵: معاصر جنسریٹ رکے مساوی ادوار۔

وھیان رہے کہ جنسریٹ رکے مساوی دور مسیں برقی رہ کا مثبت رخ، موٹر کے مساوی دور مسیں برقی رہ کے مثبت رخ کا اُلٹ ہے۔مساوات ۲٫۲۳ کی دوری سمتیہ رہ ہے۔

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

ہو گی جس کو مشکل ۲۰۵۵ امسیں دکھایا گیا ہے۔ مشال ۲۰۰۶: ووقطب، 50 ہر ٹز کاایک معاصر جنسر 140 یمپیئر میدانی برقی روپر 2100 وولٹ یک دوری موثر برقی دباو پیداکر تا ہے۔اسس مشین کے قوی اور میدانی کچھول کامشتر کہ امالہ تلاسش کریں۔ حسل: مساوات ۲۰۲۲ سے Lam حساس کرتے ہیں۔

(1.72) 
$$L_{am} = \frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m} = \frac{\sqrt{2}\times 2100}{2\times \pi\times 50\times 40} = \text{0.2363 H}$$

# ۲.۴ برقی طباقت کی منتقلی

ٹر انسفار مسر کامساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل ۳۳،۲۳ مسیں اور معساصر جسنسریٹ کامساوی دور شکل ۲۰۵ مسیں دکھسایا گسیا ہے۔ سے مساوی ادوار ایک دوسرے جسے ہیں، البنیز امت در حب ذیل بسیان دونوں کے لئے درست ہوگا، اگر حپ بہساں ہمیں صرف معساصر مشینوں سے دلچی ہے۔ ۲. برق ط قت کی منتقلی ۱۲۵



مشكل ٢.١: معاصر جنسريت كادوري سمتهـ

 $R_a$  معاصر مشینوں مسین عصوماً یکی قیمت کے تعالیم کی قیمت سے سویاد وسو گستانیا دو ہوگی۔ یوں مسینوں مسین عصوماً یکی تیمت کی تیمت کے حرد کرنا ممسکن ہوگا۔ اسس طسرح شکل ۲۰۳۵ سے مشکل ۲۰۵۵ سے حساسل ہوگا اور مساوات ۲۰۲۴ درج ذیل صورت اختیار کرے گی۔

$$\hat{E}_{am} = j\hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

 $\hat{E}_{am}$  اور  $\hat{E}_{am}$  اور  $\hat{E}_{am}$  اور  $\hat{E}_{am}$  اور  $\hat{E}_{am}$  اور  $\hat{E}_{am}$  اور  $\hat{E}_{am}$  اور انگیل  $\hat{E}_{am}$  اور دائیں  $\hat{E}_{am}$  اور انگیل ورک  $\hat{E}_{am}$  اور انگیل ورک  $\hat{E}_{am}$  اور انگیل ورک  $\hat{E}_{am}$  اور انگیل ورک  $\hat{E}_{am}$  اور است این از اور است اور است اور ۱۹۲۹ میں و کھایا گیا ہے۔ شکل ۱۹۰۹ میں و کو اور کا محتاج کی دوری سمال آخر کی مسلم کی اور کا میں منگل دوری میں دونوں زاویا ہے میں دونوں زاویا ہے میں دونوں زاویا ہے میں طاقع میں دونوں زاویا ہے میں طاقع میں دونوں زاویا ہے میں طاقع میں طاقع میں دونوں زاویا ہے دوری میں طاقع کی میں دونوں زاویا ہے دوری میں طاقع کی میں دونوں ناویا ہے دوری کی میں میں طاقع کی میں میں طاقع کی میں دونوں ناویا ہے دوری کی میں میں طاقع کی میں میں طاقع کی میں میں طاقع کی میں دونوں ناویا ہے دوری کی میں میں طاقع کی میں میں طاقع کی میں میں طاقع کی دوری کی میں میں طاقع کی میں میں طاقع کی دوری کی دوری کی میں طاقع کی دوری کی میں طاقع کی دوری کی میں طاقع کی دوری کی میں میں طاقع کی دوری کی کردوری کی میں میں طاقع کی دوری کی دوری کردوری کی کردوری کی کردوری کی کردوری کردور

$$p_v = V_a I_a \cos \phi$$

مساوات ۲۲.۲۷ اور شکل ۲.۲-اسے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

$$\begin{split} \hat{I}_a &= I_a \underline{/\phi} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_a}{jX_s} \\ &= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_a\underline{/0}}{X_s\underline{/\frac{\pi}{2}}} \\ &= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - \frac{\pi}{2} - \frac{V_a}{X_s}\underline{/-\frac{\pi}{2}}}{X_s\underline{/\sigma} - \frac{\pi}{2}} - \frac{V_a}{X_s}\underline{/-\frac{\pi}{2}} \end{split}$$

تشکل ۲.۲ سے واضح ہے کہ درج بالامساوات مسیں  $\hat{I}_a$  کا تحقیق حبیزو میں گاہم متدم ہوگا۔ دوری سمتیہ  $I_a/\phi$  کو حقیقی افتی حبیزو  $\hat{I}_a$  متدم ہوگا۔ دوری سمتیہ  $I_a/\phi$  کا محبوعہ تصور کیا جب اسلام ہے۔ مساوات ۲۰۲۸ کے آخت میں  $I_a\cos\phi$ 

ت دم مسین دائین ہاتھ کے حقیقی احبزاء سے رو کاحقیقی حبزوحات ل ہوگا:

(1.79) 
$$I_a\cos\phi=\frac{E_{am}}{X_s}\cos\left(\sigma-\frac{\pi}{2}\right)-\frac{V_a}{X_s}\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
 
$$=\frac{E_{am}}{X_s}\sin\sigma$$

اسس کومساوات ۲۰۲۷ کے ساتھ ملا کر درج ذیل ملت ہے۔

(1.5.) 
$$p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین دوری معیاصر مشین کے لئے اسس مساوات کو تین سے ضرب کرناہو گا:

$$p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

مساوات Y. المساقت بالمقابل زاوی  $^{^{\prime\prime}}$  کا حتانون پیش کرتی ہے۔ اگل  $V_a$  کی صورت مسیں جنسریہ سئس سے میں جنسریہ میں میں برقی رو بڑھ میں برقی تو انائی صنائع ہونے سے گجھ گرم ہوگا جس کو خطسرنا کے حد تک تک میں میں برقی تو انائی صنائع ہونے سے گجھا گرم ہوگا جس کو خطسرنا کے حد تک تک میں دیا جس پر آگر میں کی مخصوص  $E_{am}$  کے جس پر آگر میں دیا جس پر آگر میں دیا دو طاقت مہیا کر گا:

$$p_{v, \rm coll} = \frac{3V_a E_{am}}{X_a} \qquad \qquad (\sin 90^\circ = 1)$$

حقیقے مسیں جنسریٹر کی بناوٹ یوں کی حباتی ہے کہ بناوٹی (تابل استعال) طباقت نوے درج سے کافی کم زاوے پر ممکن ہو۔ نوے درجے پر جنسریٹر کوت ابور کھنامشکل ہوتاہے۔

مثال ۲۰.۳: ایک 50 قطبی، ستارہ، تین دوری 50 ہرٹز، 2300 وولٹ دباو تار پر جیلنے والی 1800 کلو وولٹ-ایمپیئر معساصر مشین کایک دوری معساصر متعساملہ 2.1 او ہم ہے۔

- مشین کے برقی سروں پر 2300 وولٹ دباو تار مہیا کیا حب تا ہے جب کہ اسس کامید انی برقی رواتت ارکھا حب اتا ہے کہ پورے بو جو پر مشین کا حب زوط اقت ایک کے برابر ہو۔ اسس مشین سے زیادہ سے زیادہ کتی قوت مسروڑ حساسل کی حب سستی ہے؟
- اسس موٹر کو 2 قطبی، 3000 حیکر فی منٹ، تین دوری، ستارہ، 2300 دولٹ دباوتار پیدا کرنے والا 2200 کلو دولٹ ۔ ایکپیئر کے معاصر جہنسریٹ حیلایا حباتا ہے جس کا کیا ہے دوری معاصر امالہ 2.3 اوہ ہم ہے۔ موٹر پر اسس کا پورابر تی بوجے لاد کر جہنسریٹ کو معاصر دفتار پر حیلاتے ہوئے دونوں مشینوں کے میدانی برقی روتب لی کے حباتے ہیں حسی کہ موٹر ایک حب زوط قت پر حیلنے گئے۔ دونوں مشینوں کا میدانی برقی رویب ال برفت رار رکھ کر موٹر پر بوجھ آ ہتہ آ ہتہ بڑھا جا بات ہے۔ اسس صورت میں موٹر نے زیادہ سے زیادہ گئی قوت مسروڈ حیاصل کی حباسکتی ہے اور اسس کی سروں پر دباوتار کتنا ہوگا؟

۲.۲. برقی طب قت کی منتقلی ۱۹۷



ئىل:

• شکل ۲.۷-۱۱ور ۲.۷-ب سے رجوع کریں۔ یک دوری برقی دیاواور کل برقی رودرج ذیل ہول گے۔

$$\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9 \text{ V}$$

$$\frac{1800000}{\sqrt{3} \times 2300} = 451.84 \text{ A}$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,m} &= \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} - j451.84 / 0^{\circ} \times 2.1 \\ &= 1327.9 - j948.864 \\ &= 1632 / -35.548^{\circ} \end{split}$$

 $p_{\text{min}} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1\,031\,968\,\text{W}$ 

اسس طسرح تین دوری زیادہ سے زیادہ طباقت 904 905 دوائے ہوگی۔50 ہرٹز اور 50 قطب سے مشین کی معساسر میکانی دفت ارمساوات ۵.۵۳ کی مدو سے دوج کرفی سیکنٹر حساس ہوتی ہے لیعنی 2 =  $f_m = 2$  یوں مشین سے درج ذیل زیادہ سے زیادہ قوت مسروڑ حساس کی حباستی ہے۔

$$T$$
بت =  $rac{p}{2\pi f_m} = rac{3095904}{2 imes\pi imes2} = 2$ 46 364 N m

موٹر پر اسس سے زیادہ قوت مسروڑ کا ہو جھ مسلط کرنے سے موٹر رک حبائے گی جبکہ جسنسر سسنسر کی رفت اربے و ت ابو بڑھنے مشہروع ہو حبائے گی۔ خو د کار منقطع کار اسس لمجسے پر نظبام کوروک دیگا۔

• شکل ۱.۷-ن سے رجوع کریں۔اسس مشال کے پہلے حسنرہ کی طسرح بیساں بھی موٹر کے برقی سسروں پر دباہ تار 2300 وولٹ اور محسر کے برقی دباہ 1632ولٹ ہوں گے۔ جنسہ بیٹ رکا محسر کے برقی دباودرج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,g} &= \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g} \\ &= 1327.9 \underline{/0^\circ} + j451.84 \underline{/0^\circ} \times 2.3 \\ &= 1327.9 + j1039.233 \\ &= 1686 \underline{/38.047^\circ} \end{split}$$

 $\hat{E}_{am,g}$  جیں صورت مشکل ۲۰-د مسیں د کھیا گئی ہے۔ جی صورت مشکل ۲۰-د مسیں د کھیا گئی ہے۔ موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ میں  $\hat{E}_{am,g}$  بادہ سے  $\hat{E}_{am,m}$  بادہ سے نادہ سے نادہ ہے۔ اگر جا کہ جوں۔ اور سے نیادہ مسین  $\hat{E}_{am,m}$  بادہ ہے۔ اور سے نیادہ ہے۔ اور

یہاں مساوات ۱.۳۲ مسیں ایک معاصر امالہ کی بحبائے موٹر اور جنسریٹسر کے سلماہ وار حبٹرے امالہ ہور کی یک دوری زیادہ سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ سے درج ذیل ہوگی۔ طاقت درج ذیل ہوگی۔

$$p$$
ېن =  $\frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \, \mathrm{W}$ 

اسس طسرح تین دوری طباقت 650 876 اواٹ اور زیادہ سے زیادہ تو سے مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

$$T$$
تنب =  $rac{1876056}{2 imes \pi imes 2} = 149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$ 

اور  $\hat{E}_{am,g}$  آپس میں عصودی ہیں البذاور ن ڈیل ہوگا۔  $\hat{E}_{am,m}$ 

$$\begin{split} I_a(X_{s,g}+X_{s,m}) &= \sqrt{E_{am,m}^2 + E_{am,g}^2} = 2346 \, \mathrm{V} \\ I_a &= \frac{2346}{2.1 + 2.3} = 533 \, \mathrm{A} \\ I_a X_{sg} &= 533 \times 2.1 = 1119.9 \, \mathrm{V} \\ \alpha &= \tan^{-1} \frac{1686}{1632} = 45.93^\circ \end{split}$$

یوں دوری دباو  $V_a$  ،جو صف رزاو یہ پر تصور کیا حب تاہے، درج ذیل ہوگا۔

$$V_a = \sqrt{1632^2 + 1119.9^2 - 2 \times 1632 \times 1119.9 \times \cos 45.93^{\circ}} = 1172.7 \,\text{V}$$

لامت نابی نظام کی بحب نے موٹر کو جنسریٹ رسے طاقت مہیا کر کے، موٹر پر بو بچھ بڑھ نے سے موٹر کے سروں پر برقی دباو گھٹت ہے جس کی بیٹ زیادہ میک سے طاقت 3095 kW سے گھٹ کر 1876 kW رہ گئی ہے۔ موٹر کی سروں پر برقی دباو پر آپر و آپر آپر و آپر جم صدم نہیں ہیں، ان کے پی زاویہ  $\hat{V}_0$  ہوگا۔

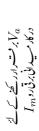
# ۲.۵ کیاں حال، برقت رار حپالومشین کے خواص

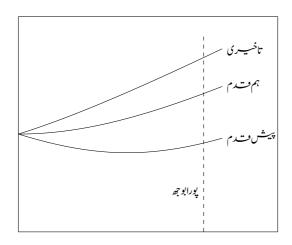
۱.۵.۱ معاصر جنسریٹ ر:برقی بوجھ بالمقابل  $I_m$  خط - خط - خط - کاروری مته میاوات

(1.77) 
$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

میں  $\hat{I}_a = I_a/\phi$  کیتے ہوئے درج ذیل لکھا حباساتا ہے

(1.77) 
$$E_{am}\underline{\sigma} = V_a\underline{/0} + I_aX_s/\frac{\pi}{2} + \phi$$





 $I_a$ برتی باریاقوی کچھے کابرتی رو

#### = خط $I_m$ خط :برقی بوجھ بالقابل $I_m$ خط

جس كوبطور محنلوط عب د د ١٩

$$\begin{split} E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma &= V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a - I_aX_s\sin\phi + jI_aX_s\cos\phi \\ &= E_{am,x} + jE_{am,y} \end{split}$$

 $\mathbb{Z}_{am}$  ہیں۔ اس کے  $\hat{E}_{am}$  کی کے بیں۔ اس کے  $\hat{E}_{am}$  کی مسل کرتے ہیں۔

(1.72) 
$$\begin{split} \left| \hat{E}_{am} \right| &= E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ &= \sqrt{(V_a - I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 - 2 V_a I_a X_s \sin \phi} \end{split}$$

جنسریٹ رکے سروں پر  $V_a$  اٹل رکھتے ہوئے مختلف  $\phi$  کے لئے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  خط سشکل ۲.۸ مسیں و کھائے گئے ہیں۔ بین دیسے خطوط مساوات ۲.۳۵ دیتی ہے۔ چونکہ  $E_{am}$  اور  $I_m$  راست مستناسب ہیں اور کسی مخصوص حبزو طباقت اور معسین  $V_a$  کے لئے جنسریٹ کی طباقت کی طباقت کی طباقت کو بھی طبار کرتی ہیں۔ کی طباقت کو بھی طبار کرتی ہیں۔ کی طباقت کو بھی طبار کرتی ہیں۔

complex number19

معاصر موٹر: $I_a$  بالمقابل معاصر موٹر: ۲.۵.۲

مع اصر موٹر کامب اوی دور (ریاضی نمون۔) شکل ۱۳ اور دوری سمتیہ سشکل ۴. ۲ مسیں د کھیایا گیا ہے۔ مسزاحہ۔ نظسرانداز کرکے اسس کی مساوا<u>۔ کھت</u>ے ہیں۔

$$\begin{array}{c} \hat{V_a}=\hat{E}_{am}+j\hat{I}_aX_s\\ V_a\underline{/0}=E_{am}\underline{/\sigma}+jI_a\underline{/\phi}X_s\\ =E_{am}\underline{/\sigma}+I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2}+\phi} \end{array}$$

$$\begin{split} E_{am}\underline{\prime\sigma} &= V_a\underline{\prime0} - I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2} + \phi} \\ &= V_a - I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_aX_s\sin\phi - jI_aX_s\cos\phi \end{split}$$

يوں  $|E_{am}|$  درج ذيل ہو گا۔

(1,72) 
$$\begin{split} |E_{am}| &= \sqrt{\left(V_a + I_a X_s \sin\phi\right)^2 + \left(I_a X_s \cos\phi\right)^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2 V_a I_a X_s \sin\phi} \end{split}$$

موٹر پر لا گوبر تی دیاواور اسس پر میکانی ہو جھ کو × 0 × 12 اور × 75 پر رکھ کر ، موٹر کے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  نظوط ، مساوات برائے ہو کہ 1.10 مسین تر سیم کیے گئے ہیں۔ چونکہ امالی دیاو $I_a$  کاراست مستناسب ہو تا ہے البندا یکی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  خطوط بھی ہوں کے ان مسین سے ہرخطا یک معین میکانی ہو جھ  $I_a$  کے بہال  $I_a$  درج ذیل ہو گا۔ ان مسین سے ہرخطا یک معین میکانی ہو جھ  $I_a$  کے جہال  $I_a$  درج ذیل ہو گا۔

$$(1.71) p = V_a I_a \cos \phi$$

leading angle"

lagging angle"

capacitor"





 $I_m$ ميدانی کچھے کابر تی رو $I_m$  بالقابل  $I_a$ تر سیم ہے۔





<u> شکل ۲.۱۱: کھلا دور خط اور وت البی ضاع۔</u>

### ۲.۲ کھالادور اور قصسر دور معیائٹ

معاصر مشین کا مساوی دور بنانے کے لئے مساوی دور کے احبیزاء حبائن الازم ہے جنہیں دوقتم کے معائوں سے حالب کے معابوں معائوں سے معائوں سے حالب کے معابوں معائوں سے اللہ اور معائیت کے اثرات بھی احبار ہوتے ہیں۔ای فتم کے معائنے ٹرانسفار مسر کے بھی کیے حباتے ہیں جہاں کھا دور معائنہ ٹرانسفار مسر کے بیات ہی ایسا کیا ایسا کیا ایسا کیا گا۔

#### ا.۲.۲ کھلادور معیائنہ

معاصر مشین کے برقی سرے کھلار کھ کر، مشین کو معاصر رفت ارپر گھاتے ہوئے مخلف  $I_m$  پر پسید ابر قی دباوہ  $V_a$  مشین کے سرول پر ناپا جباتا ہے۔ شکل ۱۰۰ اسیس پیسائی رو  $I_m$  بالقابل دباو  $V_a$  کی ترسیم دکھائی گئی ہے۔ یہ ترسیم مشین کی کھالا دور مناصیت ظاہر کرتی ہے۔ یہ ترسیم مشین بن نے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

اس کتاب کے حسہ ۲۰۸ مسیں ستایا گیا کہ متالب پر لاگو مقن طبی دباو بڑھانے سے متالب مسیں مقن طبی بہاو بڑھانے سے متالب میں ترسیم کے جھاو مقن طبی بہاو بڑھتا ہے البت حبلہ ہی وتالب سیراب میں ترسیم نقطہ دار سید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا بناوٹی برقاد دارسید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا بناوٹی برقاد دارسید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا بناوٹی برقاد دارسید ھی لکیسر کی پیسروی کرتی۔مشین کا

۔ ۔ رب برن دورد اس سے ورن دور کی ہے۔ ہیں۔ کی سے ہیں۔ کھیا دور معیان کا ضیاع طباقت دے گی۔
کھیا دور معیان ہے ووران دھے پر میکا فی طباقت ور کچھ گھوٹے کچھے کا ضیاع ہوگا۔ یاد رہے گھوٹے کچھے کو عصوماً دھے ہے اس کا بیشتر ھے۔ رگڑی ضیاع، کچھے کو عصوماً دھے ہے۔ رگڑی نسب کی انہ میں کہ انہ ہوگا۔ یاد رہے گھوٹے کچھے کو عصوماً دھے ہے۔ رگڑی نسب کی انہ میں پر لدے ہو جھ سے کوئی حناص تعمال نہیں پایا حباتا ہے الہذائے ہوجھ مشین اور ہو جھ بردار مشین کار گڑی ضیاع ایک جیب اتھور کسا جا ہے۔ ا

رو  $I_m$  صنٹ رکتے ہوئے دوبارہ دھسرے پر میکانی طباقت  $p_2$  کی پیسائٹش صرنٹ رگڑی ضیاع دے گا۔ ان پیسائشوں کا صنسر ق $(p_1-p_2)$  میں برق ضیاع ہوگا۔ گھومتے کچھ مسیں برقی ضیاع ہہت کم ہوتا ہے اور اسس

الملکومتے کیچے کو توانا کی کیسے سمت روجنسریٹ رمہیا کر تا ہے اور اسس جنسریٹ رکودھسرے سے توانا کی موصول ہوتی ہے۔





ش کل ۲٫۱۲: قصبر دور خط اور کھیلے دور خط۔

کو عب و مأ فت الب کے ضیاع کا حصبہ تصور کمیا حب اتا ہے۔ یوں پیمیا کشش کر دہ فت ابی ضیاع کی ترسیم مشکل ۲۰۱۱ - ب مسین د کی گئی ہے۔

#### ۲.۲.۲ قصر دور معائن

معاصر مشین کو معاصر رفت ارپر بطور جسندی سٹر حیلاتے ہوئے ساکن کچھ قصسر دور کر کے مختف  $I_m$  پر قصسر دور برقی رو  $I_a$  ناپاحیاتا ہے۔ ان کی ترسیم مشکل ۱۰۲-امسیں دی گئی ہے جو قصسر دور مشین کی حناصیت ظاہر کرتی ہے۔ قصسر دور معنی نہ کے دوران دھیان رہے کہ  $I_a$  نظس ناک حد تک بڑھ نہ حبائے۔ جسندی شرکے بناوٹی  $I_a$  یا اسس ہے دگی تیست سے رو کو کم رکھا حباتا ہے۔ ایسا سے کرنے ہے مشین گرم ہو کر شباہ ہو سکتی ہے۔ قصسر دور مشین مسیں سوئی مصد برقی دوپایا حباتا ہے۔ ایسا سے پہندرہ فی صد برقی دباو پر مشین مسیں سوئی صد برقی روپایا حباتا ہے۔ اسٹ کم برقی دباو پر مشین مسیں سوئی صد برقی روپایا حباتا ہے۔ اسٹ کم برقی دباو حسال کرنے کے لئے حنائی درز مسیں ای شناسی ہے کم مقت طیسی ہی اور در کار ہوگا۔ مشکل ۱۰۳ مسیں قصسر دور دکھایا گیا ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا۔ سے بی درج ذیل ہوگا۔

(1.179) 
$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

کی بین سے اور ایست میں اور ایست میں اور ایست میں اور ایست میں اور ایست کی بین سے معیاص مالیہ حمال ہوگا۔  $X_s >> R_a$ 

(1.7.) 
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

مساوات ۱.۴۰ مسیں  $\hat{I}_a$  قصر دور مشین کابرتی رواور  $\hat{E}_{am}$  ای حسال مسیں مشین کے ایک دور کا امالی دباوے کے کھنے دور مشین مسیں  $\hat{E}_{am}$  فرصنہ رہونے کی صورت مسیں  $\hat{E}_{am}$  دور مشین مسیں  $\hat{E}_{am}$  مصنہ رہونے کی صورت مسیں  $\hat{E}_{am}$  اور مشین مسین  $\hat{E}_{am}$  ہول گے۔ یول کی معین  $\hat{E}_{am}$  پڑھ کر  $\hat{E}_{am}$  کی جسال کی حسال کی حسا

$$(1.71) \hspace{3.1em} X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad (X_s \gg R_a) \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

مشكل ٢٠١٣: معساصر اماله ـ

معاصرامالہ کو عسموماً مشین کے پورے (بناوٹی) برقی دباو پر معلوم کیا جباتا ہے تاکہ وتالب کی سیر ابیت کے اثرات کو بھی شامسل ہوں۔ کو بھی شامسل ہوں۔ مشین کو ستارہ نمی تصور کر کے اسس کا کیک دور کی X حیاصسل کیا جب تا ہے۔ یوں اگر معائیت مسیں مشین کا تار برقی دباو X تار برقی دباو X کے مساوات X کہ اسس کو X کے اسس کو X کے کہ اسس کو X کے کہ اسس کو X کے کہ اسس کو کہ کے نقسیم کر کے کیا۔ دور کی دباو حیاصسل کر کے مساوات X مسین استعال کیا جب گے۔

$$V_{ ext{Ganz}} = rac{V_{ ext{A}}}{\sqrt{3}}$$

مثال ۲۰.۳: ایک 75 کلووول ایمبیئر، ستاره، 415 وول یپر چیلنے والی تین دوری معاصر مشین کا کھلا دور اور قصسر دور م معائن۔ کیا گیا۔ حیاصل نتائج درج ذیل ہیں۔

- $I_m = 3.2\,\mathrm{A}$ اور  $I_m = 1.5\,\mathrm{V}$  اور  $I_m = 1.2\,\mathrm{V}$  اور  $I_m = 1.2\,\mathrm{V}$
- قصر دور معائنہ: جس لمحہ قوی کچھے کابر تی رو A 104 کھتا اسس لمحہ میدانی کچھے کابر تی رو A 2.64 کھتا اور جسس لمحہ قوی کچھے کابر تی رو A 126 کھتا اسس لمحہ میدانی کچھے کابر تی رو A 3.2 کھتا۔

اسس مشین کامع صراماله تلاسش کریں۔ حسل: یک دوری برتی دباو درج ذیل ہوگا۔

$$V_{\text{Gas}} = \frac{V_{\text{lt}}}{\sqrt{3}} = \frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \,\text{V}$$

کھادور مشین پر 239.6 وولٹ کے لئے 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رودر کار ہوگاجبکہ 3.2 ایمپیئر میدانی برقی روپر قصر دور برقی رو 126 ایمپیئر ہوگالہذا یک دوری معاصر امالہ درج ذیل ہوگا۔

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901$$

line voltage



سشكل ۲.۱۴: قصسر دور معساصر مشين مسين ضياع طساقت.

قصر دور معائن کے دوران دھ سرے پر لاگو میکانی طباقت  $p_3$  کی پیسائٹ سے قصر دور مشین کا کل ضیاع مسال ہوگا۔  $p_3$  ناپ لیں۔ اس ضیاع کا پچھ حصہ و تالبی ضیاع ، پچھ دونوں لچھوں مسیں برتی ضیاع اور پچھ رائری (میکانی) ضیاع ہوگا۔ شکل ۱۰ ۱۸ سیں ضیاع طباقت بالقابل قصر دور برتی رود کھایا گیا ہے۔ مسیں برتی ضیاع اور پچھوں کاضیاع اور حصایا گیا ہے۔ مسیں حساس ان گری ضیاع کی خیاع اور معائن مسیں بالاور معائن مسیں بالاور معائن مسیں مسیں مسیں بالای خیاع میں مسیں بالور تا ہوگا۔ و تالبی ضیاع و سال ہوگا۔ و تالبی خیاع میں ہوگا۔ است کا برقی دباور مصال کرنے کے لئے درکار مقت طبی بہداوات ہی کم ہوگا۔ است کا مقت طبی بہداویر و تصار دور مصال کرنے کے لئے درکار مقت طبی بہداوات ہی کم ہوگا۔ است کی مقت طبی بہداویر و تا کہ کو خیاب تی ضیاع سے کو نظر راند از کیا جب سال ہوگا۔ و کہ کابرتی ضیاع سے کو نظر اند از کیا جب سال کو بھی نظر راند از کیا جب اس سال ہے۔ یوں ( $p_3 - p_2$ ) کو سائن کچھے کابرتی ضیاع تصور کی حدیا تا تھو میں درج نور ہوگا

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
 جس سے معاصر مشین کی مساوی مسز احمد ہوگا۔ $R_a=rac{p_3-p_2}{I^2}$ 

مثال ۲۰: ایک 75 کلووولٹ - ایمپیئر، 415 وولٹ پر چیلنے والی تین دوری معاصر مشین کے پورے (بناوٹی) برقی رو پر کل قصر دورط قت کاضیاع 2.2 کلوواٹ ہے۔ اسس مشین کی یک دوری موثر مسبز احمد سے صاصل کریں۔ حسل: یک دوری ضیاع 733.33 ھیں۔ 733.33 ہے۔ مشین کے پوری برقی رو درج ذیل ہوگا۔

$$\frac{75000}{\sqrt{3}V_{\text{Jr}}} = 104.34\,\text{A}$$

یوں مشین کی موثر مسزاح \_\_\_ درج ذیل ہو گا۔

$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067$$

مثال ۲.۲: سشکل ۱.۱۵مسیں 500 دولئ، 50 ہرٹز، 4 قطب، ستارہ، معاصر جنسریٹ کا کھلے دور خط و کھایا گیا ہے۔اسس جنسریٹ کا معاصر امالہ 0.1 اوہم اور قوی کچھے کی مسزاحمت 10.0 وہم ہے۔ پورے برقی بوجھ، 0.92 تاخیسری



مشكل ٢.١٥: كهالا دور خطيه

حب زوط اقت ۲۵ پر جنسریٹ ر 1000 ایمپیئر منسر اہم کر تا ہے۔ پورے بوجھ پر ر گڑی ضیاع اور کچھے کی مسزاحت مسیں ضیاع کامحب وعب 30 کلوواٹ جب کہ متالجی ضیاع 25 کلوواٹ ہے۔

- جنسریٹ رکی رفت ارمعلوم کریں۔
- بِ بوجه جنسريٹ رکي سرون پر 500 دولٹ برقی د باو کتنے ميداني برقی روپر حساصل ہوگا؟
- اگر جنسریٹ رپر 0.92 تاخب ری حبزوط قت، 1000 ایمپیئر کابر تی بوجھ لادا حبائے تب جنسریٹ رکے برقی سرول پر 500 دولئے برفت رارر کھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رودر کار ہوگا؟
- جنسریٹ رپورے بوجھ پر کتنی طباقت منسراہم کر رہاہے جب جنسریٹ رکو محسر کے کتنی میکانی طباقت منسراہم کر رہاہے۔ان دوے جنسریٹ کی فی صد ک**کارگراد کھے <sup>17</sup>تلاسش** کریں۔
  - اگر جنسریٹ رے یک دم برقی پوجھ ہٹایا حبائے تواسس کھے۔اسس کے برقی سے دوں پر کتنابرقی دباوہوگا؟
- اگر جنسریٹ رپر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش حبزوط قت کا بوجھ لاداحب نے توجنسریٹ رکے برقی سے رول پر 500 والے برق سے رول پر 500 وولٹ برق سے رادر کھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رودر کار ہوگا؟
- ان 1000 ایمپیئر تاخب ری حب زوط اقب اور پیش حب زوط اقب بوجھوں مسین کون بوجھ زیادہ میدانی برقی روپر حساس اوگا؟ جنسر یسٹر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہوگا؟

حــل:

lagging power factor efficiency

- سشكل ٢٠١٤ سے 500 وولٹ كے لئے دركار ميدانى برقى روتقت ريب أ2.86 يمپيئر پڑھا حب تا ہے۔

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left( R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^{\circ}} + 1000 \underline{/-23.07^{\circ}} (0.01 + j0.1) \\ &= 349 \underline{/14.6^{\circ}} \end{split}$$

حیاصل ہوگا جس سے اندرونی پیدا تاربرتی و باو  $604=604 imes\sqrt{3} imes0$  وولٹ سے اندرونی پیدا تاربرتی و باوکے لئے 349=604 میدانی برتی روپڑھا جب تا ہے۔

• جنريثراس صورت مين

$$\begin{aligned} p &= \sqrt{3} \hat{V}_a \cdot \hat{I}_a \\ &= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92 \\ &= 796743 \text{ W} \end{aligned}$$

فنراہم کرے گاجبکہ محسرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\mathrm{kW}$$

$$-100$$
 بوگ برگزاری  $\eta=rac{796.743}{851.74} imes100=93.54$  فنراہم کرے گالہنے ااسس جنسریٹر کی کارگزاری

- جنسریٹرے یک دم برقی ہو جھ ہٹانے کے لمحہ پر جنسریٹر کے برقی سروں پر 604وولٹ برقی دباو ہوگا۔
  - پيش حبزوط قت کي صور \_\_ مين

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 289\underline{/0^{\circ}} + 1000\underline{/23.07^{\circ}}(0.01 + j0.1)$$

$$= 276\underline{/20.32^{\circ}}$$

ہوگاجس سے اندرونی تاربرتی دباو $478=700 \times \sqrt{3} \times 2$  وولٹ حسامسل ہو تا ہے۔ شکل ۲۰۱۵ سے اتنے دباوک لئے -2.7 A مید انی برتی رودر کار ہوگا۔

• تاخب ری حب زوط اقت کے بوجھ پر جنسریٹ رکوزیادہ مید انی برقی رودر کارہے۔مید انی کچھے کی مسز احمت مسیں اسس کی وجب سے زیادہ برقی طباقت صافع ہوگی اور جنسریٹ رزیادہ گرم ہوگا۔

П

مثال ۲۰٪ ایک 415 دول ، 40 کلو دول - ایمپیئر، ستارہ، 0.8 جب زوط اقت، 50 ہر ٹز پر جیلنے والی معاصر موٹر کا معاصر موٹر کا معاصر امالہ 2.2 اوہ ہم ہے جبکہ اسس کی مسزا ہمت و تابلی نظر انداز ہے۔ اسس کی رگڑ اور کچھوں کی مسزا ہمت مسیں طباقت کا ضیاع ایک کلووا بے جبکہ وت ابی ضیاع 800 دائے ہے۔ یہ موٹر 12.2 کلووا بے میکانی بوجھ سے لدی ہے اور 0.8 پیش حب زوط قت پر حیل رہی ہے۔ یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو ستارہ نمی تصور کرتے ہوئے صاصل کیا حیاتا ہے۔

- $\hat{E}_a$  اس کا دوری سمتیہ بن کیں۔ تار کا برتی رو  $\hat{I}_t$  اور قوی کچھے کا برتی رو  $\hat{I}_a$  صاصل کریں۔ موٹر کا اندرونی سیجب نی برتی دباو و صاصل کریں۔
- میدانی برقی رو کو بغیب رتبدیل کے، میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھ اگر دگٹ کیا حب تا ہے۔اس صور سے مسین موٹر کار د عمسل دوری سمتیہ سے واضح کریں۔
- اسس د گئے میکانی بو جو پر قوی کچھے کابر تی روہ تار کابر قی رواور موٹر کااندرونی ہیجب نی برقی دباوحساص کریں۔ موٹر کاحبزوط اقت بھی حساصل کریں۔

ىل:

• ستارہ جبڑی موٹر کے سروں پریک دوری برقی دباوک  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  ہوگا جے صف رزاو ہے پر تصور کرتے ہوئے برقی روکان اور ہیات کیا جب بات کیا جب بات کیا ہوگا ہے۔ یوں گاری کی جائے گا۔ جب زوط اقت اور گاری کی میکانی طباقت اور گاری کی میکانی طباقت اور گاری کی میکانی طباقت اور طبایت کے برابر ہوگا ک

 $12\,200\,\mathrm{W} + 1000\,\mathrm{W} + 800\,\mathrm{W} = 14\,000\,\mathrm{W}$ 

جس کے لئے در کار تار کابر قی رو درج ذیل ہوگا۔

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t\cos\theta}$$
$$= \frac{14\,000}{\sqrt{3}\times415\times0.8}$$
$$= 24.346\,\mathrm{A}$$

ے ہوئے اسے موٹر کے قوی کچھے کابر تی رو تار کے بر تی رو کے بر ابر ہوگا۔ یوں بر تی رو کازاویہ ٹ مسل کرتے ہوئے اسے  $\hat{I}_a=\hat{I}_t=24.346/36.87^\circ$ 

لکے ساتھاہے۔

موٹر کااندرونی یک دوری بیجیانی برقی دباو موٹر کے مساوی دور شکل ۲۰۳ سے حساصل کرتے ہیں:

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{a,s} - jX_s\hat{I}_a$$
= 239.6/0° - j2.2 × 24.346/36.87°
= 276/-8.96°



<del>ٹ</del>کل۲۰۱۲: بوجھ بر دار معیاصر موٹر <sub>-</sub>



#### اسس تمسام صورت حسال کو شکل ۱۱.۲ مسین دوری سمتیات کی مدد سے د کھسایا گیا ہے۔

- میکانی بو چو بڑھنے ہے موٹر کو زیادہ برتی طباقت در کار ہوگی۔ یہ اسس صورت مسکن ہوگا جب موٹر کے قوی کچھے کا برتی روبڑھ سے۔ میدانی برتی روموسین ہونے کی وجب ہے موٹر کے اندرونی ہجبانی برتی دباوے  $\hat{E}_a$  کی مطابق قیمت تبدیل نہمیں ہو سکتی البت اسس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔ موٹر  $\hat{E}_a$  کی مطابق قیمت تبدیل کے بغیب برتی سرول بہتانی ہو سکتی البت اسس کا زاویہ بڑھا کے گئے زاویہ بڑھا کو گئے۔ ایس کی طول تبدیل سے کہا ہوسے گا۔ ایس شکل کے ایم مسین دکھیا گئے ہے جہاں  $\hat{E}_a$  دوری سمتے کی نوک گول دائرہ پر رہتی ہے۔ یوں اسس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔ زاویہ بڑھنے گئے گئی روبڑھ گیا ہے۔ چونکہ جو کئہ جو کئی جو بڑھنے ہے گئی روبڑھ گیا ہے۔ جو کئی جو کئی جو کئی ہو ہے گئی صورت حسال کو نقط دار دکھیا گئی ہو ہے۔ جو کئی ہو کہ جانے بڑھ کے کابرتی روبڑھ گیا ہے۔ خواندہ بڑھ کے کابرتی روبڑھ گیا ہے۔
- و گنی میکانی بو جمہ پر موٹر کو کل 26200 = 1000 + 800 + 1000 واٹ یا 26.2 کلوواٹ برتی طب اقت در کار ہے۔ مساوات ۲۰۳۰ کی مد دے درج ذیل ہو گا

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_aE_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^\circ$$

يوں موٹر كاندرونى يوب نى برتى دباو <u>16.89 – 276 بو گاور قوى كچھے كابرتى رودر</u> نى بوگا۔

$$\begin{split} \hat{I}_{a} &= \frac{\hat{V}_{a} - \hat{E}_{a}}{jX_{s}} \\ &= \frac{239\underline{/0^{\circ}} - 276\underline{/-16.89^{\circ}}}{j2.2} \\ &= 38\underline{/17.4^{\circ}} \end{split}$$

-تاره جوڑ کی و حب ہے  $\hat{I}_t$  بھی اتنا ہی ہوگا۔ پیش حبز وط اقت $\hat{I}_t$  حص ہے۔

### إبك

# امالی مشین

ور برقیات ای میدان مسین تی کی بناامالی موٹرول کی رفت ارپر وت ابور کھنا مسکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کار حن انول مسین کیک سمت روموٹروں کی جگہ لین اسٹسروع کی۔اسس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفت اراہم ہوتی وہاں کیس سمت روموٹر استعمال ہوتی جن کی رفت ارپر وت ابور کھنانہا ہیں۔ آسان ہوتا ہے۔ پہپ سس سال قبل ترقی یافت ممسالک مسین کیس سمت موٹر کی جگٹ امالی موٹر کا استعمال مشروع ہوا۔ آج مسین بھی شبدیلی پاکستان مسین دکھے رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مفہوطی اور درباکام کرنے کی صلاحت مشالی ہے۔ قوی السیکٹر انگسس نے ان کی رفت ارکوت ابوکر کے بلامت بالہ ہنا دیا۔

ا مالی موٹر در حقیقت ٹر انسفار مسر کی دوسسری صورت ہے یا یوں کہت بہتر ہوگا کہ ہے ایک ایک ٹرانسفار مسر ہے جسس کا ٹانوی کچھ حسر کت بھی کرتا ہے۔ یوں امالی موٹر کے سائن کچھ ٹر انسفار مسسر کے ابت دائی کچھ اور موٹر کے گھوتے کچھ ٹرانسفار مسسر کے ٹانوی کچھے تصور کیے حب سکتے ہیں۔ موٹر کے سائن کچھوں کو بسیرونی برقی طباقت مسیر اہم کی حب آئی ہے جب مسلاما مسیر کا گھوٹ کچھوں مسیر امالی برقی دیاوان کچھوں کو طباقت مسیر اہم کرتا ہے۔ اس کی بہناان کو المالی موٹر سائنسسر کے المالی موٹر سائنسسر کہتے ہیں

اسس باب کامقصد امالی موٹر کے مساوی دور (ر**یاضی نمونہ** ") کا حصول اور موٹر کی خواص پر غور کرنا ہے۔ ہم دیکھسیں گے کہ ان کا مساوی دورٹر انسفار مسر کے مساوی دور کی طسرح ہوگا۔

ہم فسنسر ض کریں گے کہ موٹر دو قطبی، تین دوری، ستارہ حبیثری ہے۔اسس طسسرے یک دوری کچھوں کابرتی رو، تاربرتی روہو گااور یک دوری برقی دباو ﷺ ہوگا۔ایب کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان ہو گاجب کہ نتیجب کسی بھی موٹر کے لئے کارآمد ہوگا۔

# ا. ۷ ساکن کچھوں کی گھومتی مقت طیسی موج

امالی مشین کے ساکن کچھے بالکل معساصر مشین کے ساکن کچھوں کی طسر جہوتے ہیں۔مسزید گھومتے حصہ اور ساکن کچھوں کے قطب بن کی تعسداد ایک محسب ہوگی۔ساکن کچھوں کو متوازن تین دور کی برقی روسے ہجبان کرنے سے گھومتے مقساطیسی دباو کی ایک

power electronics induction motor mathematical model

۱۸۲۲ باب کرامالی مشین

مون پیدا ہوگی۔ مساوات ۱۵٬۴۹س مون کو ظاہر کرتی ہے جبکہ مساوات ۱۵٬۵۳س کی معساصر و فتار دیتی ہے جس کو بہاں  $f_s$  کو بہاں  $f_s$  کو بہاں ساکن مجھول مساوات بہاں ساکن مجھول مسین برقی روکاتعہ دے ہیں۔ بہاں ساکن مجھول مسین برقی روکاتعہ دے ساکھا گیا ہے۔

(4.1) 
$$\tau_s^+(\theta,t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta-\omega_e t)$$
 
$$f_s = \frac{2}{P}f_e$$

# 2.۲ مثین کا سر کاواور گھومتی امواج پر تبصیرہ

 $f_e$  ہم دو قطب کی مشین پر غور کررہے ہیں جو P قطبی مشین کے لئے بھی درست ہے۔ ساکن کچھوں مسین تین دوری برقی رو کا تعب دو جا ہے۔ مساوات ۵.۵۳ ہی ہے کہ دو قطبی مشین مسین موج کی معساصر دفت اربحی ہے  $f_s$  ہی ہے۔ بول ہر سیکنڈ گومت حصہ کا گھومت حصہ ،  $f_a$  میکانی حیکر فی سیکنڈ گی دفت اربے موج کے رخ گھوم رہاہے جہاں گا ہے۔ بول ہر سیکنڈ گھومت حصہ مقت طبیعی بہاو کی موج ہے  $f_s$  ہی جہے سر کے حیات گا۔ اسس سرکنے کو موج کی معساصر دفت ارکی نبیت سے درج ذیل کھی جب ان کے موج کے مصاصر دفت ارکی نبیت سے درج ذیل کھی جب ان کے ہوئے گا۔ اسس سرکنے کو موج کی معساصر دفت ارکی نبیت سے درج ذیل کھی جب ان ہے۔

$$(2.r) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یہاں 8 مشین کے سر کاو مکی نایہ ہے۔اسس مساوات سے درج ذیل حساصل ہو گا۔

$$(2.7)$$
  $f=f_s(1-s)=f_e(1-s)$   $\omega=\omega_s(1-s)=\omega_e(1-s)$  (ح.خ.  $\omega=\omega_s(1-s)=\omega_e(1-s)$ 

یہاں غور کیجے گا۔ مقت طبی بہب و کی موج  $f_e$  تعب دیں گھوم رہی ہے جب کہ گھومت کچھ آئیں۔ دیں گھوم رہا ہے۔ گھومت کچھ کے حوالہ سے مقت طبی بہب و کی موج ( $f_e-f$ ) رفت ارہے گھوم رہی ہے، یعنی، گھومتے کچھ کوٹ کن تصور کرنے ہے گھومت مقت طبی بہب و کی موج ( $f_e-f$ ) امن فی رفت ارہے گھومتی نظر آئے گی۔ یوں گھومتے کچھ مسیں امالی برقی دباو کا تعب در بھی ( $f_e-f$ ) ہو گا۔ مساوات  $f_e$  کی مدد سے اسل امالی برقی دباو کا (اصن فی) تعب درجے کورج ذیل کھے حب سکتا ہے۔

$$(2.7) f_z = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

 $sf_e$ مشین بطور امالی موٹر استعال کرنے کے لئے گھومتے کچھے قصبر دور کیے حبائیں گے۔ ان قصبر دور کچھوں مسین برقی رو کا تعب در پر مخصب رہو گا۔ کچھوں کی رکاوٹ بر تی روکے تعب در پر مخصب رہو گا۔ کچھوں کی رکاوٹ بر مخصب رہو گا۔ کچھوں مسین پیپ داامالی برقی دباواور کچھوں کی رکاوٹ پر مخصب رہو گا۔ گی۔ گی۔ گی۔  $f_e$  کی موٹر جب حیالو کی حبائے توانس کا سسر کاو s اکائی ( s=1 ) ہوگالہ ذاگھومتے کچھوں مسین برقی روکا تعب درکارہ کا تعب کن موٹر جب حیالو کی حبائے توانس کا سسر کاو s اکائی ( s=1 ) ہوگالہ خاکھومتے کچھوں مسین برقی روکا تعب دورکارہ کا تعب کو میں برقی روکا تعب کو موٹر جب کے توانس کا سسر کاور اکائی ( s=1 ) ہوگالہ خاکھوں مسین برقی روکا تعب کر انہوں کی موٹر جب کے توانس کا سین کو میں کا موٹر جب کے توانس کا میں کو کھوٹر کے تعب کی موٹر جب کے توانس کا کھوٹر کی کھوٹر کی کھوٹر کے تعب کی موٹر جب کے توانس کی کھوٹر کی کھوٹر کے تعب کی موٹر جب کے توانس کی کھوٹر کی کھوٹر کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کی کھوٹر کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کے توانس کے توانس کی کھوٹر کے تعب کے توانس کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے توانس کی کھوٹر کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے تعب کے تعب کر کھوٹر کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کے تعب کی کھوٹر کے تعب کے ت

fe کا بن موٹر جیب حیالو کی حیائے توانس کا سے کاوہ اکائی ( 1 ء 5 ) ہوگالہند الھوئے بچھوں مسین برقی رو کا تعسد د ہو گا۔ گھومتے کچھوں مسین  $_{g}$  تعسد د کابر تی روایک گھومتی مقت طبیعی دباو کی مون پیپدا کرے گاجو معیاصر رفت ارے گھومے گی۔ یہ بالک ای طسر رہے جیب سے کن کچھوں مسین برقی روے گھومتے مقت طبیعی دباوکی موج وجود مسین آتی ہے۔ یوں موٹر حیالو کرنے کے لحب پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقن طبی دباو کی امواج آیک حب سی رفت ارسے گھومتی ہیں۔مقن طبیبی دباو کی سے امواج دو گھومتے مقن اطبیبوں کی طسرح کوشش کرتی ہیں کہ ان کے بی زاو ہے۔ صف رہو ۔ یوں موثر قوضے مروثر <sup>8</sup> پیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کا بیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کا پیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کا پیدا کر دہ قوت مصر دو ٹر گھس سے تومشین کھوے گی۔ اس کی ارفت ارتب ہو کر ایک برفت را رحمد تا بینج حب گی ۔ امالی موثر کی رفت ارتب کھی بھی مصاصر رفت ارتب نہیں بہنچ سے بینج سے تاب کی گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی۔ اور گھومتی مقن طبیبی دباو کی موج ساکن ہوگی۔ اور گھومتی ہوں مسین کوئی امالی برقی دباو پید بیدا نہیں ہوگا۔

جب موٹر حپل پڑتی ہے تواسس کے گھومتے کچھوں کے برتی رو کاتعب دے ۶۶ ہو گا۔ ان برتی روسے پیدامقٹ طبیبی دباو کی موخ گھومتے کچھوں کے جوالہ ہے گا۔ ان برتی روسے پیدامقٹ طبیبی دباو کی موخ گھومت کچھے کے حوالہ ہے گھوم رہا ہو گالہہ ذاسیہ موخ در حقیقت حسلاء مسین (۴+ ۶ f و رفت ارسے گھومے گی۔ مساوات ۸۔ کے درخ ذیل کھیا حب سکتا ہے جوایک اہم نتیجہ ہے۔

$$(2.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

سے مساوات کہتی ہے کہ موٹر جس رفتارے بھی گھوم رہی ہو، گھومتے کچھوں سے پیدامقٹ طیسی دباو کی موج س کن کچھوں سے پیدامقٹ طیسی دباو کی موج کی رفتارے ہی گھو ہے گی۔ پیدامقٹ طیسی دباو کی موج کی رفتارے ہی گھومے گی۔ مثال ا. 2: حیار قطبین، ستارہ، 50 ہرٹز، 415 وولٹ پر جینے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی (پوری) بن وٹی بوچھ پر پانچ فی صدر سرکاویر حیلتی ہے۔

- اسس موٹر کی معیاصر رفت ارکتنی گی؟
- یورے بوجھ پراسس کی رفت ارکتنی ہو گی؟
- يورب بوجه ير گومتے ليجے مسين برقى تعبد دكت ابوگا؟
- يور بوڄھ سے لدے موٹر كى دھ سرے برقو سے مسروڑ كتنى ہوگى؟

: 1

- مساوات اے کی مددسے مصاصر رفت ار 25  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  پیکر فی سیئٹریا  $f_m = 25 \times 60 = 25$  منٹ ہوگی۔
- پورے بوجھ سے لدی موٹرپانچ فی صدر سے کاوپر حیلتی ہے لہنہ ذااسس کی رفت ارمعی صررفت ارسے کم ہوگی۔ موٹر کی رفت ار سے اوات سے کہ کی مدد سے 23.75 = 25(1-0.05) = 23.75 میں اوات سے کا کی مدد سے 23.75 میں منہ میں موتی ہے۔
  - ه گومتے کچھے کابرتی تعبد د $f_z = 0.05 \times 50 = 2.5$  ہر ٹر ہوگا۔
  - $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \text{N} \, \text{m}$  وهسرے پر قوت مسرور ال

المالي مشين المالي مشين

### 

مساوات ا۔ کا کا پہلا حبزو ساکن کچھوں کی پیدا کر دہ مقت طبی دباو کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ یہ مقت طبی دباو مشین کی حساب کی درز مسیں مقت طبی شدت  $H^+(\theta)$  پیدا ہوگا درز مسیں کثافت مقت طبیس ہیں و  $H^+(\theta)$  پیدا ہوگا درز مسیں کثافت مقت طبیس ہیں و رائی موگا

$$\begin{split} B^+(\theta) &= \mu_0 H^+(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^+(\theta)}{l_g} \\ &= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t) \\ &= B_0 \cos(\theta - \omega_e t) \end{split}$$

جوبالکل مساوات 0.2 کی طسر 0.2 ہوں مسین پیسے درج بالا مسین 0.3 و خل ہوں مساوات 0.2 کی مقت طیسی موج 0.3 کی ساکن کچھوں مسین پیسے داکر دہ امالی برقی دباو کو ظل ہر کرے گی۔ اسس مساوات کو بہاں دوبارہ پیش کسی حب تاہے حب تاہے

$$\begin{array}{ll} e_{as}(t)=\omega_eN_s\phi_0\cos(\omega t+90^\circ)=E_s\cos(\omega t+90^\circ)\\ (\text{2.2}) & e_{bs}(t)=\omega_eN_s\phi_0\cos(\omega t-30^\circ)=E_s\cos(\omega t-30^\circ)\\ e_{cs}(t)=\omega_eN_s\phi_0\cos(\omega t+210^\circ)=E_s\cos(\omega t+210^\circ) \end{array}$$

جہاں $N_s$  درج ذیل ہے۔

$$(2.1) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

یہاں  $e_{as}(t)$  کی ہوئے زیر نوشت مسیں a، دور a کو ظہر کر تا ہے اور a، ساکن a کو ظہر کر تا ہے بعنی ہے ساکن a کی ہوئے اسس کی مسیں امالی برقی دباو ہے مالی موٹر کے دور a کی بات آگے بڑھاتے ہیں۔ گومتی مقناطیسی دباو کی موخ اسس کی مسیں امالی برقی دباو  $e_{as}(t)$  کا امالی برقی دباو  $e_{as}(t)$ 

### ۷.۴ ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفت ار اور ان مسیں پیسدا امالی برقی دباو

س کن کچھوں کی پید اگر دہ، گھومتے مقت طیسی دباہ کی موج (مساوات ا.ک) کی چوٹی  $^{2}$ اسس مقت میں ہوگی جہاں  $(\theta-\omega_{e}t)$  صف سند سے برابر ہو۔ یوں گھوسے مقت سے براسس کی چوٹی صف سرزاوی  $(\theta=0)$  پر ہوگی اور گھوں کی مقت طیسی دباہ کی موج کا زاوی کے بھی نقط کے حوالے سے ناپا جب اسس کتا ہے۔ اسس شکل ایک مسین نقط کے دار افقی لکسیسر سے زاوی نیا جب کے گا۔ اسس شکل مسین ایک امال موٹر دکھائی گئی ہے جس کے ساکن کچھے تین دوری ہیں۔

الفظ ساکن مسیں حسر ف سس کے آواز کو8 سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ peak



شکل ا. ۷: امالی موٹر اور اسس کے گھومتے مقن طیسی دباو کی موحب یں۔

مشین t زادیائی رفت ارے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لحب صف رلیجی t=0 پر گھومتے حصہ کے پھے اصف رزاو ہے بہتے ہے ، لیخی ہے نقط دارا فقی کلیسر پر ہے۔ مسزید تصور کریں کہ اس لحب ساکن کچھوں کی گھومتی مقت طبیعی دباو کی مون بھی ای افقی کلیسر پر ہے۔ اب کچھ دیر بعب لحب t پر ہمون زاو ہے مون زاو ہے مون زاو ہے مون زاو ہے میں پہنچ گاجب t=0 کے نقوم سے مون کر اور بالہ خوالے میں بھی کے نقوم سے الم میں کہ دور مسین گور میں کہ مون کے اور کھومت کے نقوا و سے جو درج ذیل ہوگا۔ اور کھومت کچھے کے نقوا و سے جے درج ذیل ہوگا۔

(2.9) 
$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$  اگر حب مقت طیسی موج نے t میں زاو سے سے کسیال کن گومتے کچھے کے حوالے سے اسسے نے صرف زاو سے راویل کی ر

$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

جس کومساوات ۴۷۷ کی مددسے درج ذیل ککھا حب سکتاہے۔

$$\omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s \omega_e$$

ہے۔ مساوات کہتی ہے کہ گھومتے کچھوں کے حوالے سے مقت طیبی موج کی رفت ارسسر کادی پر منحصسر ہو گی۔البت۔اسس موج کا حیط تب یل نہسیں ہوا۔ یوں گھومتے کچھوں کے حوالہ سے مساوات ۲۔ که درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(2.17) 
$$B_{s,rz}^+(\theta,t) = B_0\cos(\theta-\omega_z t) = B_0\cos(\theta-s\omega_e t)$$

ں کھتے ہوئے زیر نوشت مسیں تے، لفظ انسانی کے حسر نس من کی آ واز کو ظب ہر کر تا ہے۔ $z^{\Lambda}$  relative angular speed

\_

۱۸۸ بالي مشين

 $B_{s,rz}^+$  مسیں + کانشان حنلاف گھٹڑی موج کو ظل ہر کر تاہے جب کہ زیر نوشت مسیں s,rz اسس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن کچھول کی وحب ہے وجود مسیں آئی اور اسے گھومتے لینی رواں کچھول کے حوالے سے دیکھا حب رہا ہے۔ مسزید، اسس مساوات کاتعبد داخسانی تعبد دی کھیا کے برابر ہے۔

يوں گھومتے لچھوں مسیں امالی برقی دباو مساوات 2.2 کی طسرح ہوں گے کسیکن ان مسیں تعبد د $\omega_z = s\omega_e$  ہوگا: "

$$\begin{array}{ll} e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 90^\circ) \\ (\text{2.ir}) & e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 30^\circ) \\ e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 210^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 210^\circ) \end{array}$$

ان مساوات مسین  $N_r$  گلومتے کچھے کے حپکر ہیں اور  $E_r$  ورج ذیل ہے جو ساکن موٹر (s=1) کے گلومتے کچھے مسین برقی دراوہ وگا۔

$$(2.17) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

گھومتے کچھوں اور ساکن کچھوں کے امالہ دباو کاتٹ سب مساوات ۱۳ کااور مساوات ۷۔ کے حساصل کرتے ہیں۔

(2.1۵) 
$$\frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = s \frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = s \frac{N_r}{N_s}$$

$$js\omega_e L_r = jsX_r$$

یہاں  $jX_r$  کو تھومتے گھومتے گھومتے

ت كارى بالكل شكل ١٥١ كى طسرت به للهذام اوات ١٥٠ ا برقى روح السسل كيد جاكة بين:

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2X_r^2}}\cos\left(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z\right) = I_{0r}\cos(s\omega_e t + \theta_0)$$
 (2.12) 
$$i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2X_r^2}}\cos\left(s\omega_e t - 30^\circ - \phi_z\right) = I_{0r}\cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 210^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

<sup>&#</sup>x27;'اہ افظ ساکن کے سس کو ظباہر کرتاہے ، ۲ لفظ رواں کے رکو ظباہر کرتاہے اور پر افظ اصٰ فی کے ض کو ظباہر کرتاہے۔ " earz مسین دورہ ہے۔ گومتے لیچھ کو ۱ اور اصن فی کویۃ ظبہر کرتاہے۔ "ایب اس ۲ گومتے لیچھ کو ظباہر کرتاہے اور پر اسس بات کی یاد دھیانی کرتاہے کہ اسس برقی رو کا تعب د ، اضافی تعب درہے۔ اگر امنار مسرکی اصطباح مسین ٹانوکی کیچے کوزیر نوشت مسین 2 سے ظباہر کرتے ہیں۔ یہب ایاسے ۲ سے ظباہر کسیاحہا تاہے۔



$$Z_r = R_r + jsX_r$$
 
$$\phi_z = \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$
 
$$\hat{I}_{arz} = \frac{\hat{E}_{arz}}{Z_r}$$

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|}\cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r}\cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$

شكل ۲.۲: گلومتے لچھا كامسادى دوراوراسس مسيں اضافى تعبد د كاروبه

ے تین دوری برقی رو ہیں جو آپ س مسیں °120 زاوے رکھتے ہیں۔ یہاں چ $\phi$ ر کاوٹ کازاوے "اے۔امید کی حباتی ہے کہ اے آیے مقت طبیعی ہیاونہیں سنتھجیں گے۔درج بالامساوات مسیں درج ذیل ہوں گے۔

(2.11) 
$$\theta_0 = 90 - \phi_z \\ I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

فنسرض کریں شکل ۷.۲ مسیں داخنلی دباوی موثر قیمت کو خاب کرتی ہے۔ یوں  $I_{0r}$  برقی روکی موثر قیمت ہوگی  $\hat{E}_{arz}$  برتی دباوی موثر قیمت ہوگی لہنداایک گھومتے کچھے کی مسزا ہمت مسین

$$(2.19) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کاضیاع ہوگا۔ یہ طاقت حسرارت مسین تب یل ہوکر لیچے کو گرم کرے گا۔

### 2.۵ گومتے کچھوں کی گھومتے مقت طیسی دیاو کی موج

ہم حبانے ہیں کہ ساکن تین دوری کچھوں مسیں  $f_e$  تعبد دے برقی رو گھومتے مقت طبی دباوی مون پیبدا کرتے ہیں جو ساکن کچھے کے حوالے ہے  $f_e$  معتاصر زادیائی رفت اربے گھومتی ہے۔ ای طسرح گھومتے تین دوری کچھوں مسیں  $f_e$  تعبد دے برقی روایک گھومتے مقت طبیبی دباوکی مون  $f_e$  ہیں۔ اگر تے ہیں جو گھومتے کچھے کے حوالے ہے  $f_e$  دزادیائی رفت اربے گھومتی ہے۔

(2.7.) 
$$\tau_{rz}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos\left(\theta - s\omega_e t - \theta_0\right)$$

یہاں  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  مساوات  $I_{0r}$  کے بیں۔ گھومت کچھا ازخود f زاویا کی رفت ارسے گھوم رہا ہو گالہند ااسس کی پیدا کر دہ موج حسال کی درز مسین  $(f+sf_e)$  زاویا کی رفت ارسے گھومے گی۔ اسس رفت ارکومساوات  $I_{0r}$  کی مدد سے درج ذیل کھیسا

 $<sup>-\</sup>gamma$ ا تکنسے و نے مسیں رکاوٹ کے زاویہ کے لئے چ $\phi$ استعال ہو تاہے۔ یہاں کی کب آگیا ہے۔

۱۹۰ بابک مشین

حباسكتاہے۔

$$(2.71) f + sf_e = f_e(1-s) + sf_e = f_e$$

یوں گھومتے کیچھوں کے مقت طبیعی دباو کی موج کو ساکن کیچھوں کے حوالے درج ذیل ککھا حب سکتا ہے۔

(2.rr) 
$$\tau_{r,s}^+(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos{(\theta - \omega_e t - \theta_0)}$$

 $\tau,s$  مسیں + کانشان گھٹڑی کے محنالف رخ گھومتی موج کو ظاہر کر تا ہے جبکہ زیر نوشت مسیں  $\tau,s$  اسس بات کی وضاحت کر تاہے کہ سے موج گھومتے کچھوں کی وحب سے وجو د مسیں آیا ہے مسگر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا حب رہاہے۔ رہاہے۔

یبان ذرارک کر غور کرتے ہیں۔ مساوات ۲۰۲۷ کے مطابق گھومت الچھاخود جس رفت ارہے بھی گھوم رہا ہو، اسس کی پیسدا کر دہ موج ساکن لچھے کی پیدا کر دہ موج کی ایسا معساصر رفت ارسے ہی گھوے گی۔ ایول مشین مسین دوامواج ایک ہی معساصر رفت ارسے گھوم رہی ہوں گی۔ مساوات 190 کہتی ہے کہ دومقت طیسی دباو کی موجبین قوت مسروٹر پیدا کرتی ہیں جوامواج کی چوٹیوں اور ان کے پخ زاویہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی مشین مسین موجود دومقت طیسی امواج قوت مسروٹر پیدا کرتی ہیں جس کی قیت ان امواج کی چوٹیوں اور ان کے پخ زاویہ پر مخصصر ہوگی۔ امالی موٹر، لدے ہو جھ کے مطابق امواج کے پخ زاویہ رکھ کر در کار قوت مسروٹر پیدا کرتی ہے۔

# ۲. کھومتے کچھوں کے مساوی منسر ضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھول کی جگ۔  $N_{r}$  حپکر کے تین دوری منسر ضی ساکن کچھے ہوں تب مساوات ے کی طسرح ان مسیں امالی برقی دباو $^{0}$ 

$$\begin{array}{ll} e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t + 90^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t + 90^\circ)} \\ (\text{2.rr}) & e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t - 30^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t - 30^\circ)} \\ e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos{(\omega_e t + 210^\circ)} = E_r \cos{(\omega_e t + 210^\circ)} \end{array}$$

پیدابوں گے جہاں  $E_r=\omega_e N_r \phi_0$  کے برابر ہے (مساوات ۱۲۰)۔ مسزید ونسد ض کریں ان ونسد ضی ساکن کچھوں کی مسزاحت  $\frac{R_r}{s}$  اور متعاملیت  $jX_r$  ہے

(2.rr) 
$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + jX_r$$

اور ان منسرضی ساکن کچھوں پر مساوات ۲۳ ۷ ۲ کے برقی دباولا گو کیے حسباتے ہیں (شکل ۲۰۱۷)۔ یوں ان مسین درج ذیل برقی رو

ان مساوات مسین زیر نوشت مسین ک<sub>ا</sub> لفظ منسر ضی کے ف<sub>ٹ</sub> کوظ اہر کر تاہے۔

\_\_\_\_

#### شكل ٣ ٧: هُو متر لچھوں كى جلّب منسر ضي ساكن لچھے كادور۔

ہوں گے۔

$$\begin{split} i_{afs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t + \theta_0\right) \\ (\text{2.7a}) \quad i_{bfs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0\right) \\ i_{cfs}(t) &= \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos\left(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z\right) = I_{or} \cos\left(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0\right) \end{split}$$

$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

ان رو کا تعبد د $\omega_e$  اور پسیدا کرده گلومت مقت طیسی موخ درج ذیل ہو گاجو ہو بہو گلومت کیجھے کی موخ  $(\theta,t)$  (مساوات ۲۲.۷) سے ب

$$\tau_{fs,s}^+(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

امالی موٹر کامساوی برقی دور

ہم ٹرانسفار مسر کے ابت دائی کچھے کا برقی دور پہلے بنا چے ہیں جہاں کچھے کی مسزاحت  $R_1$  اور رستامتعاملیت ''  $jX_1$  تھی۔ ٹرانسفار مسیر کے وت الب مسین وقت کے ساتھ بدلت امقت طیسی بہاواسس کچھے مسین امالی برقی دباو  $\hat{E}_1$  پسیدا کر تا ہے۔

leakage reactance

امالي مشين



*مشکل ۲۰*.۷: امالی موٹر کے ساکن کچھوں کامساوی برقی دور۔

يوں

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 (R_1 + jX_1) + \hat{E}_1$$

کھے جب سکتا ہے جب ان  $\hat{V}_1$  ابت دائی کچھے پر لا گو ہیں رونی برقی دباوہ ہے۔ ہم دیکھ سیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی یہی مساوات حساس ہوگی۔ تصور کریں کہ مشین کے گومتے کچھے کھا دور ہیں اور ساکن کچھوں پر تین دوری برقی دباولا گو ہے۔ ساکن کچھوں کے برقی رو گھومتے مقت طبی دباوگی ایک موتی  $\tau_s^+(\theta,t)$  ہے جو مساوات اے کہ مسیں دگی ہے۔ اس حصہ مسیں ہم مشین کے ایک دور ، مشاؤ دور ہی، پر نظر رکھسیں گے۔ یہ اس شکل  $\tau_s$  کے برق کریں۔ اگر سے کان کچھے کی مسنوا ہو تھے۔ اگر ہواور اسس پر لا گو ہیں رونی برقی دباو کے جست مرتی والے میں ان کچھے کی مسنوا ہوں گا ہو تھا ہوں کے بیال میں بیال ہوتی کی وقعے کا کے برقی دباو کے وادر اسس پر لا گو ہیں رونی برقی دباو کے تحت درج ذرج والی ہوگا

$$v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

جہاں ( $e_s(t)$  مساوات کے کے مسین دی گئی، اسس مون کی ساکن کچھے مسین پیپدا امالی برقی وباو ہے۔ای کو دوری سمتیہ کی صورت مسین کھتے ہیں۔

$$\hat{V}_s = \hat{I}_s \left( R_s + j X_s \right) + \hat{E}_s$$

ٹرانسفار مسر کی مثال آ گے بڑھ نے ہیں۔اگر موٹر کا گھومت کچھ کھیلا دور ۱۸ رکھی جب نے تب متالب مسین ایک ہی کا فور میں مقت طبسی بہت ہوگا، وہ  $\varphi_s$  مقت طبسی بہت وہ ہوگا، موٹر کا گھومت کچھ مسین برقی رو $(\hat{I}_{\varphi})$  ہوگا، جو مقت طبسی بہت ہوگا۔ فور پیر تسلسل ۱۹ کی مدد سے اسس کے بنیاد کی اور ہار مونی احب زاء دریافت کے حب سے ہیں۔ اس کے بنیاد کی حب نے دی حسب رونی برقی دو ج

Kirchoff's voltage law14

open circuited11

Fourier series19

وت الب مسیں طباقت کے ضیاع کو ظباہر کرے گاجب کہ دوسسراحصہ  $\hat{V}_s$  نوے در حب تاخیسری زاویہ پر ہو گا۔ چ $\hat{I}_{\varphi}$  منفی کر کے مقعا طلیح جزوحت مسل ہو گاجس کو  $\hat{I}_{e}$  نظاہر کسیاحب تا ہے۔ بنیادی حب زوکے لحاظ سے مقت طلیعی حب زوتاخیسری اور باتی سارے بار مونی احب زاء کا محبصوعہ ہوگا

$$\hat{I}_{arphi}=\hat{I}_{c}+\hat{I}_{m}$$

 $\hat{I}_m$  جو وت الب مسین مقت طبی ہوب و  $\varphi_s$  پیدا کر تا ہے۔ امالی موٹر کے مساوی دور مسین  $\hat{I}_c$  کو مسین ہوتی ہوتی ایر  $X_m$  اور  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  اور  $X_m$  مسین  $X_m$  برقی دور ورسا صل ہو۔ یول درج ذیل ہوگا۔

(2.77) 
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$
 
$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

مقت طیسی دبادکی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  گومتے کچھے مسیں بھی امالی برقی دباد اور کچھے کا ندرونی امالی برقی دباد ہر حسالت مسیں ایک برقی دباد واور کچھے کا ندرونی امالی برقی دباد ہر حسالت مسیں ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے تصسر دور کر دیے حباتے ہیں۔ ایسا کرتے ہی ان مسیں برقی رو گزرنے کی برابر ہوں گے۔ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے تصسر دور کر دیے حباتے ہیں۔ ایسا کرتے ہی ان مسیں برقی رو گزرنے کے گئیں جو مقت طیسی دباد کی موج کی ہرہ ہر ( $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$ ) جو مساوات 2.۲۲ مسیں دی گئی ہے ، پیدا کریں گے۔ اس موج سے ساکن کچھے مسیں امالی برقی دباو کہ گئی ہوگا البند اامالی برقی دباواور لاگو برقی دباواویک دوسسرے کے برابر بہنیں رہیں گے۔ یہ ایک مکنے صورت حسال ہے۔

$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + \theta_0)$$
 
$$i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$
 
$$i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

ب اضافی برقی رو درج ذیل موج پیدا کرتے ہیں۔

$$\tau_{(r)}^+(\theta,t)=k_w\frac{4}{\pi}\frac{N_sI_{0r}'}{2}\cos(\theta-\omega_e t-\theta_0)$$

س کن کچھوں مسیں امنسانی برتی رونے ہر لمحب گھومتے کچھوں کے برقی رو کے اثر کو حسنتم کرناہے الہٰ ذاہیہ دونوں برقی روہم مت دم ۲۰

۱۹۸۲ باپ ۲۰ امالی مشین





$$i'_{a}(t) = \frac{E_{s}}{\sqrt{\left(\frac{R'_{r}}{s}\right)^{2} + X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$
$$= \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$

شكل ٧.٦: گومتے لچھے كاايك مساوى دور ـ

جوں گے۔ چو نکہ مساوات ۲۳۲ کے اور مساوات ۲۲ کے ہم لمحت ایک دوسرے کے برابر ہیں المہذادری ذیل ہوگا۔ 
$$N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

مساوات ۷.۱۸ کی استعال سے درج ذیل ہوگا۔

(2.77) 
$$I'_{0r}=\left(\frac{N_r}{N_s}\right)I_{0r}=\left(\frac{N_r}{N_s}\right)\frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2+s^2X_r^2}}$$

آپ نے دیکھ کہ گھومتے لیجھے مقت اطبی دباوکی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن کچھوں کو معسلوم ہو تا ہے کہ موٹر پر بو جھ لدا ہے اور وہ اسس کے مطبابق لا گوبر تی دباوے برقی رولسیتی ہیں۔ یہساں تک امالی موٹر کامساوی برقی دور شکل 2.۵مسیں د کھایا گیا ہے۔ یہسال ذرہ مشکل 2.1 سے رجوع کریں جہساں

(2.72) 
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$
 
$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

۷.۷. امالی موٹر کامپ اوی برقی دور

پر ساکن کمچھوں کا امالی برقی دباو $\hat{E}_s$  لا گوہے لہانہ ابرقی رو درج ذیل ہوں گے۔

$$i_a'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z)$$
 (2.71) 
$$i_b'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z)$$
 
$$i_c'(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} \cos(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z)$$

190

ان سے کے حطے ایک دوسرے کے ہر ابر ہیں جنہ یں

$$\begin{split} \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} &= \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^4 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} &\quad \text{(2.72.1)} \\ &= \left(\frac{N_r}{N_s}\right)^2 \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \\ &= \frac{N_r}{N_s} \frac{s\omega_e N_r \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} &\quad \text{(2.74)} \\ &= \frac{N_r}{N_s} \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} &\quad \text{(2.17.1)} \\ &= \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}' &\quad \text{(2.77.1)} \end{split}$$

لکھ کر مساوات ۲۳۸ کے درج ذیل صورے اختیار کرتی ہیں۔

$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 90^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 210^{\circ} - \phi_{Z})$$

یہ مساوات بالکل مساوات بالکل مساوات 2.۳۳ کی طسر ترہے جہاں  $\theta_D=00-\phi_Z$  ہوگا۔ یوں شکل 2.۵مسیں سے کن کچھوں کے امالی برتی دواوی انتخابی ہوگا جیتنا اصل موٹر مسیں اضافی برتی روات بی ہوگا جیتنا اصل موٹر مسیں گھومتے کچھوں کی بہت ہوگا۔ ایس کرتے ہوئے شکل 2.2 حساصل ہوتی ہے جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کی مسین گھومتے کچھوں کی بہت ہوگا۔ ایس کرتے ہوئے شکل 2.2 حساصل ہوتی ہے جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کا مساوی برتی دورہے اور جو امالی موٹر کی کرتا ہے۔

اب ٢٠١١مالي مشين



### ۸.۷ مساوی برقی دوریر غور

ہم سشکل ۷.۷ مسیں برقی دباواور برقی رو کی قیتوں کو موثر قیمتیں تصور کرتے ہیں۔ ایک گھومتے کیچھے مسیں برقی طباقت کے ضیاع کو مساوات ۱۹.۷ ظباہر کرتی ہے۔ مساوات ۷۳۷۷ اور ۳۹۰۷ کی مدد ہے اسے درج ذیل کھیا حباسکتا ہے۔

(ح.۲۱) 
$$p_{\zeta_{r}} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$

شكل 2.2 مسين گھومتے کچھے كو كل

$$(2.77) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s}$$

برقی طباقت منسراہم کی حبائے گی جس مسیں سے <sub>نیٹ</sub> کو شتے کچھے کی مسنزا ہمت مسیں صنائع ہو گی اور باقی بطور میکانی طباقت مشین کے دھسرے پر دستیاب ہو گی:

$$(2.77) \hspace{1cm} p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^\prime = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s} (1-s) = p_r (1-s)$$

تین دوری مشین جس مسیں تین کچھ ہوتے ہیں تین گٹ میکانی طباقت منسر اہم کرے گی:

(2.77) 
$$p_{\rm isc} = 3I_{0r}'^2 \frac{R_r'}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

مساوات ۲۰۳۳ کہتی ہے کہ ساکن موٹر، جس کا سرکاو اکائی ہو گا، کوئی میکانی طباقت منسر اہم نہیں کرتی ہے بلکہ وہ تسام برقی توانائی جو گھومتے حصہ کو ملتی ہے ضائع ہو کر اسس حصہ کو گرم کرتی ہے جس سے موٹر جلنے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اسس مساوات ہے وکچ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کا سرکاو صف رکے متریب رہنا حب ہے ورن یہ سے نات بل متبول (اور نات بل برداشت) حد تک برقی توانائی ضائع کرے گی۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل ۲۰۵ کی طسرح بھی تفکیل



يوں شكل 2.2 مسيں مسزامت  $R'_r$  مسيں برقی طباقت كا ضياع  $R'_r$  گومتے لچھے كا ضياع جبكہ مسزامت  $R'_r$  مسيں برقی طباقت كا ضياع  $R'_r$  وراصل ميكانی طباقت ہوگا۔ يا در ہے كہ تين دورى مشين كے كئے  $R'_r$  وراصل ميكانی طباقت ہوگا۔ يا در ہے كہ تين دورى مشين كے كئے النات كئے كو تين ہے ضرب ديت ابوگا۔

میکا فی طب قت سے مسراد قوت مسروڑ ضرب میکانی زاویا فی رفت ارہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویا فی رفت ار مساوات ۲۰۳ دیتی ہے جب کہ مساوات ۵۵۵۳ مسیں میکانی معاصر رفت ار ۱۵۰۷ میں میکانی طب قت

(ح. ٢٥) 
$$p=T_m\omega=T_m imes 2\pi f=T_m imes 2\pi (1-s)f_s=T_m(1-s)\omega_{sm}$$

اور قوت مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

(۲۳) 
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}'^2}{\omega_{sm}}\frac{R_r'}{s}$$

اصل موٹر مسیں رگڑ، متالبی ضیاع، کچھوں مسیں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بن، دھسرے پر طاقت یا تو۔ مسروڑ ان سے کم ہوگی۔

ر نامکن کو نظر انداز کیا گئی میں وہ ترین میں وی دور میں ہے  $R_c$  اور  $R_c$  کو نظر انداز کیا گئی گئی ہے اصابی موٹر میں ایس کر ناممکن جمیں ہوتا جو تکہ موٹروں میں حنائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیبی ہیں وہ یہ اگر نے کے لئے بہت زیادہ مقناطیبی دیاو در کار ہوتی ہے۔ بے بو جھے امالی موٹر کو بہناوٹی برقی رو کا تیس سے پہلے سس فی صدیر قی رو، متالب کو بھیان کرنے کے لئے در کار ہوتا ہے۔ مسئری درز کی وجہ ہے اسس کی رستا امالہ بھی زیادہ ہوتا ہے اور اسے نظر انداز کرنا مسکن جہیں ہوتا۔ البت مساوی دور میں جھے کو نظر انداز کیا جب سکل ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار میں کیا تیں جبان ہو جب تا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار کہ سے کہا تیں جب نام کا میں وہ وہ باتا ہے۔ ایس کرتے ہیں۔ جمالی کرتے ہیں۔

امالی مشین اسلی مشین



شکل ۹. ۷: امال موٹر کا سادہ دور۔ ت البی ضیاع کو نظر رانداز کیا گیا ہے۔

مثال 2.۲: ستارہ، چید قطبی، پحپ سس ہرٹز اور 415 وولٹ پر جیلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے احسزاء درج ذیل ہیں۔

$$R_s = 0.5$$
 ,  $R'_r = 0.31$  ,  $X_s = 0.99$  ,  $X'_r = 0.34$  ,  $X_m = 22$ 

موٹر مسین رگڑے طباقت کاضیاع 600 وائے ہے۔ وت الی صفیاع کو ای کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اسس کو اٹل تصور کی معرب نے۔ یہ موٹر در کار دولہ والہ اور تعداد پر دو فی صد سر کا و پر حپل اربی ہے۔ اسس حسالت میں موٹر کی رفت ارباس کے دھسرے پر پییدا قوت مسروڑ اور طباقت، اسس کے ساکن کچھے کا برقی رواور اسس کی فی صد کار گزاری حساس کریں۔ کریں۔ حسل: موٹر کی معساسر رفت ار 6.66  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  50  $\times$  60  $\times$  60

$$jX'_r + R'_r + R'_r \frac{1-s}{s} = jX'_r + \frac{R'_r}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور  $jX_m$ متوازی حبڑے ہیں جن کی مصاوی رکاوٹ درج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \frac{1}{Z} &= \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22} \\ Z &= 10.147 + j7.375 = R + jX \end{split}$$

موٹر پر لاگویک دوری برقی دباوہ  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  دول ہے۔ یوں س کن کچھے کابر تی رودرج ذیل ہوگا۔

اسس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طباقت منتقب کی جور کاوٹ Z کو منتقب ہوگی۔ یوں مساوات ۷۴،۲ درج ذیل کاتھی حبا سے ۔ سستی ہے۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \, \mathrm{W}$$

تىن دوركے لئے 3177.37  $\times$  8وائے ہو گی۔ مساوات ۸۳۸ کے موٹر کی اندرونی مریکانی طباقت و تی ہے:

$$p_{\rm ig} = 9532 \times (1 - 0.02) = 9341 \, \mathrm{W}$$

اسس سے طباقت کاضیاع منفی کرنے سے موٹر کے دھسرے پر میکانی طباقت 8741 = 9341 – 9341 واٹ حساسل ہوتی ہے لہانہ ادھسرے ہر قوت مسروڑ درج ذمل ہو گی۔

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \,\mathrm{Nm}$$

 $\sqrt{3} imes 415 imes 17.6956 imes \cos(-38.155) = 10001.97$  وائے ہوگی۔ یوں موٹر کو کل مہپ برتی طب قت $\sqrt{3} imes 415 imes 17.6956 imes \cos(-38.155) = 10001.97$  ہوگی۔ اسس موٹر کی کار گزاری 2 87.39  $\times$  100 = 87.39 ہوگی۔

### 9.۷ امالی موٹر کامساوی تھونن دوریاریاضی نمون

مسئلہ ت**صونوخ**" کے مطبابق کسی بھی سادہ خطی برقی دور <sup>۴۴</sup> کواکس کے دوبرقی سسروں کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباو کی مساوی سلسلہ وار دور سے ظساہر کسیاحباسکتا ہے۔اکس مساوی دور کومساوی تھونن دور کہتے ہیں جبکہ اکس مساوی تھونن دور کی رکاوٹ کو تھونن رکاوٹ اور برقی دباو کو تھونن برقی دباو کہتے ہیں۔

برقی دور کے دوبرقی سے دول کے پی تھونن رکاوٹ سے اصل کرنے کے لئے برقی دور کے تمام اندرونی برقی دباو قصسہ دور کرکے ان دوبرقی سے دول کے پی کوئن رکاوٹ ہوگی۔ انہمیں برقی سے دول پر تھونن برقی دباو سے ان دوبرقی سے دول پر برقی دباو معلوم کے استان حساس کرنے کے لئے دیے گئے برقی دور کے تمام اندرونی برقی دباو برفت برار رکھ کر ان دو سے دول پر برقی دباو معلوم کے حبات اور حقیقت تھونن برقی دباو ہوگا۔ بعض اوقت ہے ہما کے برقی دور کے ایک حساس دی تھونن برقی دور سے ان محل دور کے ایک حساس کے حساس کی دور سے اس کے جہا ہے۔ برقی دور کو اس جھے کے مکسل طور پر منقطع کر کے درکار حصہ کا تھونن مساوی دور حساس کے جہا ہے۔ کئی مساوی تھونن برقی دباو ہی کی درکار حصہ کا تھونن مساوی دور حساس کہ ہوتے ہیں۔ ایس سے بی برقی دباو ہیں۔ اور سے گئی مساوی تھونن رکاوٹ کے اور تھونن برقی دباو ہی کر درکار حساس کی جہاں۔ اور سے کئی مساوی تھونن رکاوٹ کے درکار جو تی درتی ذبل حساسل ہوتے ہیں۔

(2.72) 
$$Z_t = \frac{\left(R_s + jX_s\right)jX_m}{R_s + jX_s + jX_m} = R_t + jX_t$$
 
$$\hat{V}_t = \frac{jX_m\hat{V}_s}{R_s + jX_s + jX_m} = V_t/\underline{\theta_t}$$

کی بھی مختلوط عبد د $jX_t$  کا کوب سرت کو ایک حقیق عبد دR اور ایک منسوط عبد در نام کا محبوعہ کلھا جب سکتا ہے۔

Thevenin theorem

۲۰۰ امالی شین



شکل ۱۰٪: تھونن رکاوٹ اور تھونن برقی دباوحساص کرنے کے ادوار۔



شکل ۱۱٫۷: تھونن دور استعال کرنے کے بعب امالی موٹر کامساوی دور۔

یمی اسس مساوات مسین کمیا گیا ہے۔ ہم یوں امالی موٹر کے مساوی برقی دور کو سشکل ۱۱٫۷ کی طسرح بن سکتے ہیں جہاں سے دوری سمتیہ کی استعال سے مندر حب ذیل برقی رو 1/2 ساسل ہوتا ہے۔

$$\begin{split} \hat{I}_r' &= \frac{\hat{V}_t}{R_t + jX_t + \frac{R_r'}{s} + jX_r'} \\ \left| \hat{I}_r' \right| &= I_r' = \frac{V_t}{\sqrt{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}} \end{split}$$

چونکہ  $I'_t$  کی قیمت پر  $\hat{V}_t$  کے زادیے کا کوئی اثر نہیں لہذا مساوی تھونن دور مسیں  $\hat{V}_t$  کی جگہ  $V'_t$  استعمال کیا حب سکتا ہے۔ اسس کتاب مسیں ایسانی کیا جب گا۔ مساوات  $V'_t$  کی اور مساوات  $V'_t$  کے تین دوری مشین کی قوت مسروڑ حساصل کرتے ہیں۔ مساوات  $V'_t$ 

$$\begin{split} T &= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2} \\ &= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2} \end{split}$$

سشکل ۲۰۱۲ مسیں منتی رفت اربھی دکھنائی گئی ہے جہاں سرکاو کی قیمت اکائی ہے زیادہ ہے۔ موٹر کو ساکن کچھوں کے گومتی مقناطیعی دباوکی موج کے محنالف رخ گھسانے سے ایسا ہوگا۔ حب سی مقناطیعی موج کے مینالف رخ گھسانے سے ایسا ہوگا۔ حب تین دوری موٹر پر لا گوکسی دوبر تی دباوکو آلب مسیں تب یل کرنے سے موٹر کے ساکن کچھوں کے گھومتی مقناطیعی موج میکدم مین افسان رخ گھوم دبی ہوتی ہے۔ اسس طسرح موٹر حبلد آہتہ ہوتی ہے اور مین افسان رخ گھومت سے ہی ہوتی ہے اور عبی ہوتی ہے اسس پر لا گوبر تی دباوم مقطع کر دیا حب تا ہے۔ امالی موٹر یوں ریل گاڑی مسیں عصوماً عطور روکھ ۱۴ (بریک )استعمال کی حباتی ہے۔

complex number rr

باب،امالي مشين



شکل ۱۲.۷: امالی موٹر کی قویہ مسروڑ بالقابل سسر کاو۔

امالی مشین s < 0 کی صورت مسین بطور جنسریٹ ریٹ ریٹ ریٹ ریٹ ریٹ کی صورت مسین بطور موٹر اور s < 1 کی صورت مسین بطور روک کام کرتی ہے۔

امالی موٹر کی زیادہ نے نیادہ تو سے مسروڑ مساوات 2.79 سے حساس کی حب سکتی ہے۔ تو سے مسروڑ ای لمحہ زیادہ سے زیادہ بوگ جب گھومتے مصے کو زیادہ سے زیادہ طاقت متیسر ہو۔ زیادہ سے زیادہ بوگ جب گھومتے مصے کو زیادہ سے زیادہ ہوگا جب (مشکل ۲۰۱۱ مسیس) اسس کی مطابق مسئلہ آجہ ہوگا جب (مشکل ۲۰۱۱ مسیس) اسس کی تیمس باقی سلیلہ وار حب ٹری احب زاء کی قیمت کے برابر ہو:

(2.3•) 
$$\frac{R'_r}{s} = |R_t + jX_t + jX'_r| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

 $s_z$ اسس مساوات سے زیادہ سے زیادہ ط $s_z$ ادہ طاقت پر سے کاو

$$s_z = \frac{R_r'}{\sqrt{R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}} \label{eq:sz}$$

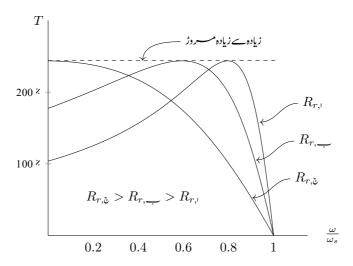
2 وا سے ۱۹۵۰ کی نسب نسامسیں  $R_t^2 + (X_t + X_r')^2$  کو جگہ ساوات ۲۵۰ کا مسریح استعمال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ توسے مسروڑ  $T_z$  ساسل ہو گی:

$$T_z = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + \frac{R_r'^2}{s^2}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2}{2\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2}{2\left(R_t + \sqrt{R_t^2 + (X_t + X_r')^2}\right)}$$

maximum power theorem ra



شکل ۱۳٪ بیسرونی مسزاحمت کاقوی مسروڑ بالقابل سر کاوکے خطوط پر اثرات۔

درج بالاکے حصول مسیں آ حسنری مت م پر مساوات • ۵. کا استعال دوبارہ کسیا گئیا۔ اسس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ تھے۔ نیادہ قوت مسروڑ اسس کے گھومتے کچھوں کی مسزاحت پر مخصسر

ا سی سے قوت ہے مطابی امان خور می زیادہ تو ہے۔ ایادہ تو سے سے قوت ہوں کا حساس کے قوت ہوں کا حسر انہتے پر مسیر انہتے کا انہاں ہوگا۔ بیادہ تو سے ایک انہاں معسلومات ہے جے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مسروڑ در کار رفت ار پر حساس کی ح

امالی موٹر کے گومتے کیجھوں کے برقی سروں کو سمرکی پیملول  $^{77}$  کے ذریعہ باہر نکالاحبا تا ہے  $^{27}$  جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیسرونی مسز احمت بوٹری حباتی ہے۔ اس طسر کی گومتے کیجھوں کی کل مسز احمت بڑھ کر بیر بن  $R_r+R$  ہو حباتی ہے۔ ایس طسر کی گومتے کیجھوں کی کل مسز احمت بڑھ کر بیر بن کی رفت ارپر حساسل موٹر کے مطابق مسز احمت نیادہ قوت مسروڑ نسبتازیادہ سر کاویعنی کم زاویائی رفت ارپر حساسل میں وڑ دے گی۔ اسس طسر کی تو جھ بر دار موٹر ساکن حسالت ہوئی مسز احمت میں دیادہ قوت مسروڑ دے گی۔ اسس طسر کی تو جھ بر دار موٹر ساکن حسالت ہوئی مسز احمت کی ہوئے کی تو مسروٹ نیتا بہت کم ہو گی۔ چو نکہ ذیادہ سر کاویر موٹر کی کار گزاری حسر را ہم بہ تی تھے ہوئے سال کرتے ہوئے کی موٹر کو زیادہ دیر نہیں حیلایا جب تا اور جھ بی اسس کی ۔ چو نکہ ذیادہ سر کاویر موٹر کی کار گزاری حسر را بھی جا ہے۔ اسس طسر کی موٹر کو زیادہ دیر نہیں حیلایا جب تا اور جھیے ہی اسس کی رفت اربڑھ حب تی ہے ، اسس سے بیسرونی مسز احمت میں منقطع کر کے گھوں کے برقی سرے قصہ دور کر دیے جب تیں۔ گیں۔

ہیں۔ مثال ۲۰۱۷: صفحے ۱۹۸ پرمثال ۲۰۲۲ مسین دی گئی امالی موٹرا ستعال کریں اور رگڑ سے طباقت کے ضیاع کو نظسر انداز کریں۔

• اگر موٹر در کار وولٹ اور تعب داد پر تین فی صبد سسر کاوپر حیاں ہی ہو تب ساکن کچھے مسیں گھومتے کچھ کے حصبہ کابر قی رو // اور مشین کی اندرونی میکانی طباقت اور قوت مسروڑ حساصل کریں۔

> slip rings<sup>۲۱</sup> ۲<del>۷ ش ک</del>ل کے نمونے پر۔

\_\_\_

۲۰۴۷ بایک امالی مشین

موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پسید اقوت مسروڑ اور اسس قوت مسروڑ پر موٹر کی رفت ارحب اسل کریں۔

- موٹر حیالو ہونے کے لیے پر قوت مسروڑ اور اس لیے پر  $I'_r$  ساس کریں۔

ــل:

• کے روری برتی دباوہ  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  استعمال کرتے ہوئے مساوات کے برح کی مدد سے درج ذیلی ہوگا۔

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

 $rac{R'_r}{s}=10.3333$ استعال کرتے ہوئے درج ذیل ہوگا۔

$$\begin{split} \hat{I}_r' &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 / -5.6^\circ\\ I_r' &= \left|\hat{I}_r'\right| = 21.1 \text{ A} \end{split}$$

يېاں رك كر تىلى كر ليس كە مندرىب بالا مساوات مىيى <u>229.2/1.246° كى جگ - 229.2/0°</u> كى جگ الامساوات مىيى <u>1.246° كى جگ - 1.246° كى جگ مندر</u>ب بالامساوات مىلى كى تىلىنىڭ ئىلىنىڭ ئىلىنىڭ

مساوات ۸۴۴ کاور ۲۵ مرد سے طاقت اور قوت مسروڑ حساصل کرتے ہیں۔

$$p_{
m isc} = rac{3 imes 21.1^2 imes 0.31}{0.03} imes (1-0.03) =$$
 13 387.46 W 
$$T = rac{13387.46}{(1-0.03) imes 2 imes \pi imes 16.66} =$$
 131.83 N m

• مساوات ۵۱ کزیادہ سے زیادہ طاقت پر سسر کاو درج ذیل دیتی ہے۔

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.2253$$
 يول موثر کې رفت ار 775  $\times$  1000  $\times$   $\times$  (1 - 0.2253) = 775 نور ښو کې رفت اوکل کې دو کاد اکانې يو کالېلند ا $\frac{R_r'}{s} = 0.31$  د پيالوکرتے لحم پر سر کاد اکانې يو کالېلند ا

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 0.31 + j0.34} = 152.07 / -58.14^\circ$$
 
$$I'_r = 152 \text{ A}$$

اسس لمحہ قویہ مسروڑ درج ذیل ہو گی۔

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

۰۱. یېخب ره نمپ امالي موٹر

П

### ۱۰.۷ پنجبره نمساامالی موٹر

حقیقت مسیں شگافوں مسیں پھیلا تانب پاسلور ۱۹ ڈالا حباتا ہے جو ٹھنڈ ابو کر ٹھوسس ہو حباتا ہے اور وت الب کو جسکر لیتا ہے۔ دونوں اطسراون کے دائرہ نمیں تقصیر دور کرنے والے چھلے بھی ای طسرح اور ای وقت ڈھیا ہے ہیں۔

یوں ایک مضبوط گھومت حصہ حساصل ہو تا ہے۔ ای مضبوطی کی وحب سے پخبرہ نمی المالی موٹر بہت متبول ہوئی ہے۔ ایک موٹریں سالوں تک بغیب دکھے بیسال کام کرتی ہیں اور روز مسرہ زندگی مسیں ہر جگھ پائی حباتی ہیں۔ گھسروں مسیں پائی کے پہلے اور پہنکھے انہیں ہے جلتے ہیں۔

#### اا.۷ لے بوجھ موٹر اور حسامد موٹر کے معسائٹ

امالی موٹر کی کار کر د گی دومعائنوں سے معلوم کی حباتی ہے جن سے موٹر کے مساوی دور کے احبزاء بھی حساصل کئے حباتے ہیں۔ ہم تین دوری امالی موٹر کی مشال سے ان معائنوں پر بھٹ کرتے ہیں۔

#### ا.اا.۷ لے بوجھ موٹر کامعیائٹ

یہ معائن۔ بالکل ٹرانسفار مسر کے لیو ہو معائن۔ کی طسر ح ہے۔ اسس مسین موٹر کے ہیجبان انگیبز برقی رواور لیا ہو جھ موٹر مسین طباقت کے ضیاع کی معسلومات سے ساسل ہوتی ہیں۔ اسس مسین لیا ہو جھ امالی موٹر پر بیکساں تین دوری برقی دباو '' V<sub>bb</sub> لاگو کر کے لیا ہو جھ موٹر کی برقی طباقت کا ضیاع p<sub>bb</sub> اور اسس کے ساکن کچھے کا ہیجبان انگیبز برقی رو I<sub>s.bb</sub> بایا حباتا ہے۔ یہ معیانیہ امالی موٹر کے بہنوٹی برقی دباوا ور برقی تعید دیر

squirrel cage"

copper, aluminium rq

کھتے ہوئے لفظ بے بو جھ کے پہلے حسرون ہے اور ہے کوزیر نوشت مسیں  $V_{bb}^{r}$ 

باب\_2.امالي مشين

سرانحبام دیاحباتاہے۔

لے بوجھ امالی موٹر صرف اتنی قوت مسروٹر پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر ضیاع طباقت کی وحبہ سے در کار ہو۔ اتنی کم قوت مسروٹر بہت کم سرکاو پر  $I'_+$  کم قوت مسروٹر بہت کم سرکاو پر ساصل ہو گی۔ مساوات ۷۰۴۸ سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرکاو پر  $I'_+$  بھی نہایت کم ہوگا اور اسس سے گھونے کچھوں مسیں برقی طباقت کا ضیاع تبالی نظر انداز ہوگا۔ ای بات کو صفح ۱۹۱ پر مشکل ۷۰۱ کے کہ مدد سے بھی مسجھاحب سکتا ہے جہال واضح ہے کہ بہت کم سرکاوپر مسزاجت بھی سیجھاحب سکتا ہے جہال واضح ہے کہ بہت کم سرکاوپر مسزاجت بھی سیجھاحب سکتا ہے۔ ایساکرنے سے مشکل ۷۰۱ کے۔ اماتی ہے۔

$$Z_m = \frac{R_c j X_m}{R_c + j X_m}$$

$$= \frac{R_c j X_m}{R_c + j X_m} \frac{R_c - j X_m}{R_c - j X_m}$$

$$= \frac{j R_c^2 X_m + R_c X_m^2}{R_c^2 + X_m^2}$$

$$\approx \frac{j R_c^2 X_m + R_c X_m^2}{R_c^2} \qquad \text{if } R_c \gg X_m$$

$$= j X_m + \frac{X_m^2}{R_c} = j X_m + R_c^* = Z_s$$

بے بوجھ ٹرانسفار مسروں مسیس ابت دائی کچھوں کی برقی طباقت کے ضیاع کو بھی نظر رانداز کسیاحب تا ہے۔ بے بوجھ امالی موٹروں کا پیجبان انگسینز برقی رو کافی زیادہ ہوتا ہے لہلہ ذا ان کے ساکن کچھوں کی برقی طباقت کے ضیاع کو نظر رانداز نہسیس کسیاحب سکتا ہے بوجھ امالی موٹر کی pbb سے تین ساکن کچھوں کابرقی ضیاع منفی کر کے میکائی ضیاع طباقت حساس ہوگا:

$$(2.5)$$
  $p_{bb} - 3I_{s,bb}^2 R_s$ 

میکانی طاقت کاضیاع بے بوجھ اور بوجھ بر دار موٹر کے لئے ایک جیب تصور کسیاحب تاہے۔ میکانی ضیاع ہے ہو کو نظر راند از کرتے ہوئے سشکل ۱۰۸۔ کے سے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$egin{aligned} R_{bb}&=rac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}\ Z_{bb}&=rac{V_{bb}}{I_{s,bb}}\ X_{bb}&=\sqrt{\left|Z_{bb}
ight|^2-R_{bb}^2}\ X_{bb}&=X_s+X_m \end{aligned}$$

 $X_s$  یوں اسس معیانت ہے موٹر کی بے بوجھ متعیالیت  $X_{bb}$  ساسل ہوتی ہے۔اگر کسی طسرح ساکن کچھے کی متعیالیت معیام ہوتی اسس معیانت مسین ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں معیام ہوتی اسس مساوات سے  $X_m$  ساسل کی حیاست تی ہے۔اگلے معیائت مسین ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں گے۔



شکل ۱۴٪ نے بوجھ امالی موٹر کامعائے۔

#### ۲.۱۱.۲ حبامد موٹر کامعیائٹ

ے معائن ٹرانسفار مسر کے قصبر دور معائن کی طسرح ہے۔ اسس مسیں مشین کے رستا امالوں کی معاومات حسامسل ہوتی ہے۔ البت امالی موٹر کا مسئلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔ امالی موٹر کے رستا امالہ گھومتے کچھوں مسیں برقی تعدد اور وسالب کے سیر اب ہونے پر مخصسر ہوتے ہیں۔

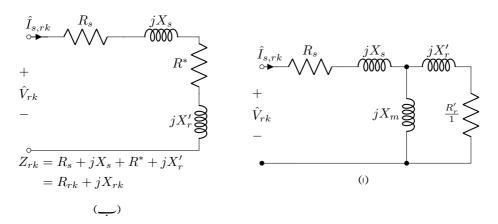
اسس معیائی ہمیں امالی موٹر کے گھومتے تھے۔ کو حسر کت کرنے سے زبر دستی روک دیاجہ باتا ہے جب کہ ساکن کچھوں پر بسیب وفی برقی رول یا  $V_{rk}$  لاگو کر کے برقی طباقت ہیں۔ اصولی طور پر سے معیائیت ان حسالات کو مد نظر رکھ کر کسیاحیاتا ہے جن پر موٹر کی معیائیت ان حسالات کومد نظر رکھ کر کسیاحیاتا ہے جن پر موٹر کی معیائیت ان حسالات کومد نظر رکھ کر کسیاحیاتا ہے جن پر موٹر کی معیائیت ان حسالات

 $F_{e}$  کی موٹر حپالو کرنے کے لمحب پر موٹر کا سرکاواکائی ہوتا ہے اور اسس کے گوحتے کچھوں مسیں روز مسرہ تعدد  $f_{e}$  کی برق رہ والاگوں ہوتا ہے اور اسس کے گوحتے کچھوں پر روز مسرہ تعدد  $f_{e}$  کا اتنابر قی جو اللہ اللہ ہوں گئی ہوتا ہے اور اسس کے گوحتے کچھوں مسیں برقی رو  $I_{t=0}$  پیدا ہو۔ ای طسر ح اگر برقت را رحپالو حسالت دیا ہو تھے بر دار موٹر کے نستانگی در کار ہوں جب موٹر کا سرکاوی اور اسس کے گوحتے کچھوں مسیں برقی رو  $I_{t=\infty}$  ہوتے ہیں تب معسائنہ مسیں ہی  $f_{e}$  تعدد کے برقی دیا واستعمال کے جبائیں گیا اور اسس کی قیمت اتی رکھی جبائے گی جتنی ہے گوحتے کچھوں مسیں برقی تعدد کے اثرات ستالی نظر انداز موٹر وجود مسیں آئے۔ تقسد رہے برقی دوبود مسیں برقی تعدد کے اثرات ستائی نظر انداز موٹر والے بی بالیہ نہ ان کا معیائیت  $f_{e}$  تعدد کے برقی دباو بر ہی کہا جب بتا ہے۔

t=0اس لھے کے برتی رو کو چھوٹی کھے آئی مسین وقت صف برے مشکل کے کیا گئی ہے۔ t=0 کا مسین کا مسین وقت مسین کو ظاہر کرتی ہے کہ موٹر کافی دیرے مہالوہ وادب ایک برقت رار رفت ارتک مجانی گئی ہے۔  $t\to\infty$ 

\_

۲۰۸



<u> مشکل ۱۵.</u>۷: رکے امالی موٹر کامعائنے۔

شکل ۱۵۔ ۷- امسیں  $jX_m$  اور  $(R'_r+jX'_r)$  متوازی حبڑے ہیں جن کی جگہ ان کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ پر کرنے سے شکل ۱۵۔ ۷- بہت حساصل ہوگی۔ متوازی رکاوٹ  $Z_m$  کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  حساصل کرتے ہیں:

$$\begin{split} Z_m &= \frac{jX_m(R'_r + jX'_r)}{R'_r + j(X_m + X'_r)} \\ &= \left(\frac{jX_mR'_r - X_mX'_r}{R'_r + j(X_m + X'_r)}\right) \left(\frac{R'_r - j(X_m + X'_r)}{R'_r - j(X_m + X'_r)}\right) \\ &= \frac{jX_mR'^2 + X_mR'_r(X_m + X'_r) - X_mX'_rR'_r + jX_mX'_r(X_m + X'_r)}{R'^2 + (X_m + X'_r)^2} \\ &= \frac{X_m^2R'_r}{R'^2_r + (X_m + X'_r)^2} + j\frac{(X_mR'^2_r + X_m^2X'_r + X_mX'^2_r)}{R'^2_r + (X_m + X'_r)^2} \\ &= R_s^2 + jX_s^2 = Z_s \end{split}$$

ان ما وات میں  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$ 

$$(2.22) \hspace{1cm} R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$
 
$$(2.24) \hspace{1cm} X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_s^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_s^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_s^2} \approx X_r'$$

#### حبدول ا. ۷: متعساملیت کی ساکن اور گھومتے حصوں مسیں تقسیم۔

| $X'_r$      | $X_s$       | حناصيت                                     | کھومتاحسے |
|-------------|-------------|--|-----------|
|             |             |  |           |
| $0.5X_{rk}$ | $0.5X_{rk}$ | کار کر دگی گھومتے ھے کی مسنزاحمہ پر منحصسر | لبيٹاہوا  |
| $0.5X_{rk}$ | $0.5X_{rk}$ | عسموی ابت رائی قوت مسروڑ،غسموی ابت رائی رو | Aبناوك    |
| $0.6X_{rk}$ | $0.4X_{rk}$ | عسموی ابت دائی قوی مسروڑ، کم ابت دائی رو   | Bبناوك    |
| $0.7X_{rk}$ | $0.3X_{rk}$ | زیاده ابت دائی قو مسروژ ، کم ابت دائی رو   | Cبناوك    |
| $0.5X_{rk}$ | $0.5X_{rk}$ | زیاده ابت د ائی قو مسروڑ، زیاده سسر کاو    | Dبناوك    |

اسس معائن۔ مسین پیپ کشش کی گئی قیمتوں اور مشکل ۱۵۔ کے۔ یے درج ذیل حساصل ہوگا۔

رک.۵۹) 
$$Z_{rk}=\frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$
 
$$R_{rk}=\frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$
 
$$X_{rk}=\sqrt{\left|Z_{rk}\right|^2-R_{rk}^2}$$

اسس مساوات کے پہلے حسزو مسیں پیسائٹی برقی دباو اور برقی روے رکاوٹ حساس کی گئی ہے۔ اسس طسرح دوسسرے حسنرومسیں مسنزاحیت اور تیسسرے مسیں متعالمیت کاحساب لگایا گیا ہے۔ سشکل ۱۵کے۔ ہے۔ درج ذیل واضح ہے۔

$$(2.7•) X_{rk} = X_s + X_r'$$

امالی مشین مختلف خواص کے بین نے حباتے ہیں۔ عیام آدمی کی آسانی کے لئے ایسی مشینوں کی در حب بیندی کی حباتی ہے۔ حبدول اے مسین پخبرہ نمی امالی موٹر کی مختلف اقسام A,B,C,D اور ایسی مشین جن کا گھومت ھے۔ کچھ پر مشین جو کی رستا متعبالیت المیت  $X_{rk}$  کو ساکن اور گھومتے کچھوں مسین تقسیم کرنا دکھیایا گیا ہے۔ اسس حبدول کے مطبابق، گھومتے کچھو والی مشین مسین ساکن اور گھومتی متعبالیت ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل 20۔ ب مسین گھومتے کچھے والی مشین مسین کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل 20۔ ب مسین کے برابر ہوتی ہیں۔ گھومتی کے بہانہ اس کی کے مسزاحمت ہی مراحمت ہی مدرے ناپ کر دری ذیل حساس کیا جہا ہے۔ بہانہ اس کی کے مسزاحمت ہی مسال کے جانب کر میں کا بیاد مسال کیا ہے۔ بہانہ کی مسزاحمت ہیں جانب کر دری ذیل حساس کیا ہے۔

$$(2.1) R^* = R_{rk} - R_s$$

اب  $R'_r$  کو مساوات 2.32 ہے حساس کی جب سکتا ہے جہاں  $X_m$  لِهِ بو جھ امالی موٹر کے معیائے۔ مسیں حساس کی حباتی ہے۔ مسازاحت بیرے کی معیائے معیائے مسیر احمت بیرے کی معرفر ستارہ یا تکوئی مسزاحت بیرے کی معرفر ستارہ یا تکوئی حب شراحت بیرے کی معرفر ستارہ یا تکوئی حب شراح کے ستارہ کے کہ موٹر ستارہ کے کہ موٹر ستارہ کے کہ کو دونوں طسرح حب شراد کھایا گیا ہے۔ اگر یک دوری مسزاحت  $R_s$  ہوتب ستارہ مسیل کچھے کو دونوں طسرح حب شراد کھایا گیا ہے۔ اگر یک دوری مسزاحت کے جمال کا معیال کے معیال کے معیال کے معیال کے معیال کے معیال کے معیال کی معیال کے معیال ک

Ohm meter "

اب کر امالی مشین





سشکل ۱۷۔ ۲: ستارہ اور تکونی حبٹری موٹروں کی ساکن کچھوں کی مسنز اجمت کامسنز اجمت ہیمیا کی مدد سے حصول۔

حبڑی موڑ کے لئے مسزاحت ہیں  $2R_s$  مسزاحت دے گاجبکہ تکونی حبڑی موڑ کے لئے یہ  $\frac{2}{3}R_s$  مسزاحت دے گا۔ دے گا۔

مثال 2.2: ستارہ، حیار قطب، پچپاس ہر ٹز اور 415 دولٹ پر چیلنے والی موٹر کے معیائے کئے حیاتے ہیں۔ موٹر کی مسابق ہے۔ مسزاحت پیسا کی بھی دوبر تی سروں کے بھی 5.5 اور محابات دیت کی بھی دوبر تی سروں کے بھی 5.5 اور محابت دیت ہے۔ لیو جھ معیائے۔ A 50 ناپاحباتا ہے۔ حبامد موٹر کے سائے۔ لیو جھ معیائے۔ A 51 اور کا 415 پر کرتے ہوئے بر تی روم 14.1 اور طباقت کاضیاع W 50 ناپاحباتا ہے۔ اسس موٹر کا مساوی بر تی معیائے۔ 13.9 اور طباقت کاضیاع کا 350 ناپاحباتا ہے۔ اسس موٹر کا مساوی بر تی دور بٹ میں اور پانچ فی صد سر کاویر اس کی اندرونی میکانی طباقت سے ساسل کریں۔

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965$$

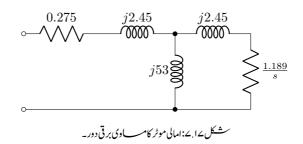
$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439$$

$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 = X_s + X_m$$

رکے موٹر معیائنہ کے نتائج سے  $X_s$  سامسل کرنے کے بعب ہ $X_m$  سامسل ہو گا۔ ساکن کچھے کی مسزاح سے مسین اسس برقی روپر کل

$$3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 =$$
 13.87 W

بر تی طباقت کاضیاع ہو گالہنے ار گڑ اور دیگر ضیاع طباقت 892 = 13.86 – 906 واٹ ہو گا۔



$$S_{rk}=\frac{850}{3 imes13.91^2}=1.464$$
  $R_{rk}=rac{850}{3 imes13.91^2}=1.464$   $|Z_{rk}|=rac{28.9}{13.91}=2.07$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\sqrt{2.07^2-1.464^2}=1.46$   $X_{rk,15}=\frac{50}{15} imes X_{rk,15}\approx 4.9$   $X_{rk,50}=\frac{50}{15} imes X_{rk,15}\approx 4.9$   $X_{rk,50}=\frac{4.9}{2}=2.45$ 

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53$$

يونكه  $R_s=0.275$ او تم يے لہنـذا

$$R_r' = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189$$

ہوگا۔ مساوی برقی دور ششکل ۱۷۔ کمسین و کھایا گیا ہے۔ پانچ فی صد سسر کاوپر اندرونی میکانی طباقت کی حناطسر بائیں حبانب کا تھونن مساوی دور استعال کرتے ہوئے درج ذیل ہوگا۔

۲۱۲ بالی مشین

#### اب۸

## يك سمت رومثين

کے سمتے رو مشہرے یک سمت روابر قی طباقت پیدا کرتی بین یا یک سمت روبر تی طباقت سے حیاتی بین یک سمت روبر تی طباقت سے حیاتی بین یک سمت روبر تی طباقت سے حیابو کی سمت روبر قبط ہوری ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر لے رہے ہیں جن کی رفت ار قوری برقیائے اسے حیابو کی حیات جندر سندر جو تے ہیں جن کے اندر نسب ڈالوڈ اید لت اوج دورور مسین گاڑیوں کے یک سمت محسر کے برقی دباو مسین سبدیل کرتے ہیں۔

اسس باب مسین دوقطب کے یک سمت مشینوں کا مطالعت کیا حیات گاڈیکانی سمت کاروالے یک سمت مشینوں مسین میں میں دیا تھی جب کو کے کہا گھومت ہے۔

## ۸.۱ میکانی سمت کار کی بنیادی کار کردگی

dc, direct current power electronics diode

commutator



#### شکل ۸: میکانی سمت کار۔



*ٹ*کل ۸.۲: آدھے حپ کر کے بعب دہمجی بالائی بُش مثبت ہی ہے۔

مثبت اور حصہ ڈمنفی ہوں گے اہنہ اکاربن کا + عسلامت والابش مثبت اور – عسلامت والابش منفی ہوگا۔ یوں ہیسرونی بالائی
تار مثبت اور نحی کی تار منفی ہوں گے۔ آدھ احی کر بعد ، جیسا شکل ۸.۲ مسیں دکھ یا گیا ہے ، حسان کی درز مسیں کچھ کے داور
ڈاطسران آپس مسیں جگہ سیں تبدیل کر چے ہوں گے۔ کچھ کے داور ڈاطسران اب بھی سمت کار کے داور ڈھوں
کے ساتھ حبٹرے ہیں۔ کچھے پر برقی دباوالٹ ہے اور اسس کا سرد منفی اور ڈمثبت ہیں۔ یہس اس سمت کار کی کار کردگی پر نظسر
رکھیں۔ اب بھی کاربن کا + عسلامت والابش مثبت اور – عسلامت والابش منفی ہے۔ یوں جسریٹ سرے ہیں۔ ونی برقی سرے سے دونی برقی مدوں پر اب بھی ہالائی سر مثبت اور خیلاسر منفی ہے۔ سمت کار کے دانتوں کے ماہین برقی دباو ہو تا ہے اہلہ ذاان کو عنس ر

گومتے وقت ایک ایسالمح آتا ہے جب سمت کار کے دانتوں کو کاربن بٹس قصسر دور کرتے ہیں۔ کاربن بشش محیط پر اسس طسرح رکھے حباتے ہیں کہ جس لمح ۔ کچھے مسیں برقی دباو مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہوناحپ ہے ای لمحہ کاربن کے بشش کچھے کو قصسر دور کرتے ہوں۔ چونکہ اسس لمح ۔ کچھے پر محسر کے دباو صفسر ہوتا ہے لہاندا اسے قصسر دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا ہے۔ یوں حساس برقی دباو سشکل ۲۰۰۳ مسیں دکھے پاگسیا ہے۔

یہاں دو دندی سمت کار اور دو مقت طیسی قطب کے در میان گھومت ہواایک قولی کچھ دکھیایا گیا ہے۔ حقیقت مسین جنسر سٹسر کے متعد د قطبین ہول گے اور فی قطب سمت کار کے گئی دندے ہول گے۔ چھوٹی مشینوں مسین مقت طیسس



ہی مقت طبیعی مبیدان مسنسراہم کر تا ہے جبکہ بڑی مشینوں مسیں مقت اطبیعی مبیدان ساکن مبیدانی کچھے مسنسراہم کرتے ہیں۔ دونوں اقسام کی مشینوں کے کچھے تقسیم مشدہ ہوتے ہیں۔ اسے ہم زیادہ دندوں کے ایک سمیت کار کو دیکھتے ہیں۔

### ۱.۱.۱ میکانی سمت کار کی تفصیل

پہلے حسب مسین سمت کار کی بنیادی کارکردگی پر غور کیا گیا۔ اس حصب مسین اسس پر تفصیلی بات کی حبائے گی ۔ اس شکل مسین اندر کو سمت کار ہے جس کے دندوں کو گستی لگائی گئی ہے۔ اس شکل مسین اندر کو سمت کار ہے جس کے دندوں کو گستی لگائی گئی ہے۔ سمت کار کی اندر حبانب دوعہد دکارین بشش ہیں جن سے بسیرون برقی رو نو ساصل کی حباتی ہے۔ شگافوں کو بھی گستی لگائی گئی ہے۔ جنسریٹسر کے دو قطب اور آٹھ شگاف ہیں۔ اسس طسرت اگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دوشگاف " ایک قطب بریاں جبکہ شگاف 2 اور 6 ایک دوسرے سامکے توالی قطب کے مناصلے پر ہیں جبکہ شگاف

جیب سنگل ۸.۲ مسیں دکھ یا گیا، اگر کچھے کا ایک طسر و نشمالی قطب کے سامنے ہو تب اسس کا دو سرا طسر و ن ، ایک قطب و نساسلہ پر، جنوبی قطب کے سامنے ہو گا۔ کچھوں کو سنگانوں مسیں رکھا حباتا ہے۔ یوں سنکل ۸.۴ مسیں اگر ایک کچھ کا ایک طسر ن شگاف 1 مسیں ہو تب اسس کا دو سرا طسر ن ، ایک قطب و ناصلہ پر، شگاف 5 مسیں ہو گا۔ قطب و ناصلہ پر، شگاف 5 مسیں ہو گا۔ قشق مسیں ہر شگاف مسیں دو کچھے رکھے حب تے ہیں۔ ایک کچھے کو شگاف مسیں کورے دور رکھا حباسات ہے۔ ایس کرنے کے لئے ہمیں دو مختلف جسامت کے کچھے تیار کرنے ہوں گے۔ محورے و تسریب رکھا گیا ہو گا جسامت مسیں چھوٹا جب کہ موجودے دور کچھا جا ایو کے بہتر ترکیب موجودے دور کے جسامت اس سے بہتر ترکیب موجودے دور کے وقت سے مسیں رکھا حباتا ہے۔ اس سے بہتر ترکیب موجودے دورجے دو هیقت مسیں استعال ہوتی ہے۔

بہت ترکیب مسیں ایک لیجھ کے ایک طسر ن کو ایک شگان مسیں محور کے مت ریب اور ، ایک قطب و ناک شکل مسیں محور کے مت ریب اور ، ایک قطب و ناصلہ پر ، دو سرے لیجھ کو انہ میں شگافوں مسیں باقی دو مت امات پر رکھا حباتا ہے۔ یوں دونوں کچھوں کی جسامت ایک دو سرے جیسے ہوگی اور ان مسیں اتنی ڈھیل ہوگی کہ انہیں شگافوں مسیں باآب نی رکھا حب سے۔

اب شکل ۸۰۸ کو تفصیل سے مسجھتے ہیں۔ شکاؤں مسیں موجود کچھوں مسیں برقی روکے رخ نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے ہیں۔ نقطہ کانشان اسس کے محتالف رخ روکو ظاہر کرتا ہے جبکہ صلیب کانشان اسس کے محتالف رخ روکو ظاہر کرتا ہے جبکہ صلیب کانشان اسس کے محتالف رخ روکو ظاہر کرتا ہے۔ یوں پہا (1) شکاف مسین برقی روصف کو عصودی اندر رخ ہے۔ مشین کا محود کی مصین کا عصودی تراشش و کھایا گیا ہے۔ مشین کا محود کرتا ہے کہ عصودی ہوگا۔ جمیں







شکل ۸.۵ مسین کاربن بشش سے برقی روسمی کار کے پہلے دانیہ سے ہو تا ہوا دوبر ابر حصوں مسین تقسیم ہو کر دو یک ا متوازی راستوں بہتاہے۔ایک راستہ سلیلہ وار حبڑے ا، ب، پ اور ت کچھوں پر مشتل ہے جبکہ دو سراراستہ سلىلە دار حبىڑے ئے، ش، ئادر چ لچھوں پر مشتل ہے۔ ب دوعب دوسلىلە دار راسىتے آلپس مسين متوازى حب رُب ہیں۔ برقی روکے رخ نقطے دار نوکے دار لکپ روں سے ظہام کے گئے ہیں۔ دومتوازی راستوں سے گزر تابرقی روایک مسرت پر دوبارہ مسل کر ایک ہوجیا تاہے اور سمت کار کے بانچویں دانت سے حبٹرے کاربن بشس کے ذریعیہ مشین سے باہر نگل حیا تا ے۔ گلومتے حصہ کے شگافوں مسیں موجود کیچھوں کا برتی رو، مقناطیسی دباویپیدا کرے گاجو ساکن مقناطیسی دباو کو عسودی ہو گا جیب سشکل ۸.۴ مسیں د کھایا گیا ہے۔ گلومتے کچھوں کے مقن طبیبی دیاو کارخ حساننے کے لئے شکل ۸.۴ کے شکافوں مسیں برقی رویر نظرر کھیں۔ بائیں حبانب حیار شگافوں مسیں روصفحہ سے باہر جبکہ دائیں حبانب حیار شگافوں مسیں روصفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی حیار انگلیوں کو انہیں کے رخ گھمانے سے انگوٹھ میدان کارخ دے گا۔ آپس مسیں ت ائے۔مقت طیسی دباود ھسرے پر گھٹڑی دار قوت مسروڑ پیدا کریں گے۔ یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعال کی حبار ہی ہوتے ہے گھٹڑی دار گھومے گی اور کاربن بشس پر ایب ہیں رونی یک سمت برقی دیادلا گوہو گاجو د کھائے گئے برقی روپ پر اکر تاہو۔ اب تصور کریں کہ مشین ایک جنسریٹ رکے طور پر استعال کی حیار ہی ہے جس کو منبان گھٹڑی ہیں۔ونی میکانی طاقت ہے گھسایاحبارہاہے۔سمت کارے آدھے دانت کے برابر حسرکت کے بعد جنسریٹر شکل ۸۸مسیں د کھائے گئے حسالت مٹین ہو گا جہاں دایاں کاربن بشن سمت کار کے بہلے اور دوسرے دانت کو قصر دور جبکہ بایاں کاربن بشس یانچویں اور حیطے دانہ کو قصر دور کرتے ہیں۔ یوں پہلے اور یانچویں شٹافوں کے کیچے قصر دور ہوں گے جبکہ باقی شگافوں کے کچھوں مسیں حسیب معمول برقی رو ہو گاجو پہلے کی طسرح اسے بھی ساکن کچھوں کے مقت طیسی دماو کے عسود ی مقت طیسی دباویپیدا کریں گے۔ آپ گھومتے کچھوں کے میدان کارخ دائیں ہاتھ کے متانون سے حبان سکتے ہیں۔ بائیں حبانب تین شگافوں مسیں روصفحہ ہے باہر جبکہ دائیں حبانب تین شگافوں مسیں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی حب ارانگیوں کوانہ میں کے رزخ گھمائیں۔انگوٹسامبدان کارک دے گا۔اسس لمجہ کی وضیاحت مشکل ۸.۷مسین کی گئی ہے۔





مشین جب سمت کار کے ایک دانت کے برابر حسر کت مکسل کرلے تو کارین بنش دوسسرے اور چھٹے دانت سے حسٹر حب ئیں گے۔ پہلے اور پانچویں سٹے گافوں مسیں برقی رو حب ٹر حب ئیں گے۔ پہلے اور پانچویں سٹے گافوں مسیں برقی رو کے مختالف ہو حب نے گاجب کہ باقی سٹے گافوں مسیں برقی رو کے رخ بر مسیر ارد ہیں گے۔ گھوستے کچھوں کابر قی دباوا ہے بھی ای رخ ہو گا۔

حبتے دورانی کے لئے کاربن بشس دو کچھوں کو قعسر دور کرتے ہیں ات وقت مسیں ان کچھوں مسیں برقی رو کارخ الیہ ہو حب تا ہے۔ کو مشش کی حباتی ہے کہ اسس دوران برقی رو وقت کے ساتھ ہتدر تئتبدیل ہو۔ایسان ہونے سے کاربن بشس سے چنگاریاں نگلی ہیں جن سے بسٹ رہاد ، قعسر دور کچھوں مسیں پیدا برقی دباو ، قعسر دور کچھوں مسیں پیدا برقی دباو ، قعسر دور کچھوں مسیں گھوں مسین گھوت انگارہ برقی روپیدا کرتا ہے جو ہمارے کی کام کا نہیں ہوتا ہے۔ کچھے اور کاربن بشس کی مسیز احمت اسس ناکارہ روکی گھوت تھیں۔

حقیقت مسیں یک سمت جنسریٹ مسیں فی قطب در جن دانت کاست کار استعال ہو گا اور اگر مشین بہت چھوٹی نے ہو تواسس مسیں دوسے زیادہ قطب ہوں گے۔

## ۸.۲ کی۔ سے جنسریٹ رکابرقی دباو

گزشتہ حسے کے مشکل ۸.۵ مسیں ا، ب، پ اورت کچھے سلماہ وار حبٹرے ہیں۔ ای طسرح ٹ، ش، خ اور ج کچھے سلماہ وار حبٹرے ہیں۔ ای طسرح ٹ، ش، خ اور چ کچھے سلماہ وار حبٹرے ہیں۔ حسب ۵.۳ مسیں مساوات ۵.۲۳ یک کچھی یک سمت جنسریٹ کامحسر کے بیق دباوہ پیشس کرتے ہیں۔ دی ہے۔ اے پیساں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ پیشس کرتے ہیں۔

$$(A.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

A. N. حنلائی در زمسیں یک ال $B_m$  کی صورت مسیں تمسام کچھوں مسیں ایک جیب محسر کے برقی دباوی۔ ایک  $B_m$  کی مسیں دکھنے کے گھے کے محسر کے برقی دباوی ایک کے محسر کے برقی دباوی کا کال محسر کے برقی دباوی کا کال کو گھے کے محسر کے برقی دباوی کا کار بازگ ناہوگا

$$\begin{array}{cccc} e=e_{\mbox{\tiny $I$}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $I$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $L$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}\\ =e_{\underline{\mbox{\tiny $I$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $L$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}+e_{\underline{\mbox{\tiny $C$}}}\\ =4\omega NAB_{m} \end{array}$$

جب مشکل ۸.۱ مسیں دکھائے گئے لمحہ پر e صرف تین کچھوں کے محسر کے برقی دباو کا محب وعہ ہو گا (مشکل ۸.۷ سے رجوع کریں):

$$\begin{array}{c} e=e\_+e\_+e\_\\ =e\_+e_{\tilde{c}}+e_{\tilde{c}}\\ =3\omega NAB_m \end{array}$$

سشکل ۸.۸ مسین آٹھ دندی میکانی سے کارے حساس برتی دباود کھسایا گیاہے جہاں یک سے برتی دباو پر سوار غیب رمطابو ہے اہم سر آرہی ہیں۔اگر جنسریٹ رکے ایک جوڑی قطبین پر ۱۱ کچھے ہوں تب سشکل ۸.۵ کی طسر ح ہے دو 2 سلمہ وار کچھوں جتنا محسر کے برتی دباوہ ہیں۔اگرے گا۔

$$(\text{A.r}) e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$



شکل۸.۸: آٹھ دندی مکانی سمت کارسے سامسل برقی دیاو۔

پیں غیب رمط اور الہب رکل بک سمت برقی دیاو کی تقب ریباً  $\frac{\omega N\phi_m}{\frac{n}{2}\omega N\phi_m} \times 100 = \frac{2}{n} \times 100$  $(\Lambda, \Delta)$ 

فی صبہ ہو گا۔ یوں فی قطب دندوں کی تعبداد بڑھانے سے زیادہ ہموار برقی دباوحسامسل ہو گااور غنیسر مطلوب لہسر متابل

نظے رانداز ہو گا۔ تصور کریں کہ شکل ۸٫۴ کی مشین کی منائی درز مسیں  $B_m$  عنب ریکساں ہے۔اب کچھوں مسیں محسر کے برقی دباو منب ط ۔ حمث ہیں۔ سرحیاصل کل برقی دباو حیار سلمہ دار اوات ٨٦ ك تحت مخلف زاويوں ير مخلف ہو گا۔اسس طسرح مشين سے مناصل كل برتى دباو حسار سلما وار کچھوں کے مختلف محسر کے برقی دیاو کامجب وعب

$$(A.Y) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

 $e_1, e_2, \cdots$  ہو گاجباں  $e_1, e_2, \cdots$  مختلف کچھوں کے محسر کے برقی دیاوہیں۔

بن اللہ ہے کہ مسیّں گھومتے حسب کو ایک دندان کے برابر حسر کت دینے سے دوبارہ یمی مشکل حسامسل ہو تا ہے المبندا ایک دندان حسر کت کے بعب حسامسل برقی دباو بھی دوبارہ وہی ہوگا۔ میکانی سمت کار کے فی قطب دندوں کی تعبداد بڑھانے سے ایک دندان کے برابر حسرکت بہت چیوٹی ہو گی اہلیذا خیالی درز مسیں ہمواری کے ساتھ تب بل ہوتے کثافت مقت طیسی ہیساو کی صورت مسیں اتنی کم حسر کت کے احساطے مسیں  $B_m$  کی قبیت مسیں تب ملی صابل نظسر انداز  $B_m$ مسیں محسر کے برقی دباوت بربل نہسیں ہو گا۔ یعنی جس کچھے کا محسر کے برقی دباو e<sub>1</sub> ہواسس کچھے کا محسر کے برقی دباوایک دندان احساطے مسیں بہی رہے گا۔ یوں اگر حیہ ، ۰۰۰ والے ایک دوسرے سے مختلف ہو کتے ہیں لیکن ان مسیں سے ہرایک کی ایک مستقل قیت ہو گی، لہٰذامساوات ۸۰۲ مسین دیا گیا محسر کے برقی دباو (جوان مستقل قیمتوں کا محب وعب ہو گا) بھی ایک متقل ہو گا۔

ہمنے دیکھا کہ حناائی درزمیں ہمواری کے ساتھ تب مل ہوتے  $B_m$  کی صورت مسیں جنسر سے معیاری یک سمت محسر کے برقی دماوحیاصی ال ہو گا۔ بدلت اروجنسریٹ رمسیں  $B_m$  سائن نمسار کھناضر ورکی ہو تاہے۔ نہیا ہے چھوٹی یک سمت مشینوں کے حنلائی درز مسین  $B_m$  یک ان رکھیا جا تا ہے جب یہ بڑی مشینوں مسین اسے ہمواری کے ساتھ تب د مل کباحیا تاہے۔ جیب اوپر ذکر ہوا عملاً مکانی سمت کار کے دندوں تک لیچھوں کے سبروں کی رب اُئی ممسکن تب ہوتی ہے جہ ہر شگاف مسیں دو کچھے رکھے جبائیں۔

شگافوں کی تعبداد n ہونے کی صورت مسیں شگافوں کی جوڑیوں کی تعبداد  $\frac{n}{2}$  ہو گی۔ شگافوں کی ایک جوڑی مسیں N کھے ہائے جاتے ہیں البند الچھوں کی کل تعبداد n ہو گی۔ اگر تمیام کچھوں مسیں ملاکر N حپکر ہوں تہ ایک کھے مسیں N ۸٫۳ قوی مسروژ



 $\frac{N}{n}$  حیکر ہوں گے اور ایک شگاف کے دو لیجے، مقناطیبی میدان مسیں  $\frac{2NI}{n}$  کی تبدیلی پیدا کریں گے۔ یوں بالکل و تصریب مشگافوں مسیں رکھے گئے مجھوں سے حنلائی درز مسیں سیڑھی نما مقناطیبی دباو کی مون چیدا ہو گئی جہاں ہر سیڑھی کی اونحپائی گئی ہوگا۔ کل حیکر N کواٹل رکھتے ہوئے شگافوں کی تعداد بڑھا نے سائل اور مقناطیبی مون کی اونحپائی کم ہوگی۔ یوں کافی زیادہ شگافوں کی صورت مسیں ایک سیڑھی مون کو کو بیال خالی مون کو مانند مون تصور کیا حیاسا سکتا ہے جے شکل N مسیں دکھایا گیا ہے۔ شگافوں مسیں دکھایا گئی ہے۔ نادہ تعداد کے شگافوں کی صورت مسیں انفن رادی کچھوں مسیں رو کے رخ کو نقطوں اور صلیبوں سے ظاہر کیا گئی ہے۔ زیادہ تعداد کے شگافوں کی صورت مسیں انفن رادی کچھوں مسیں روکو برقی روکی جادر تصور کیا جا سائل ہے۔

متعدد قطبین مشین مسیں شمالی اور جنوبی قطبین کے ایک جوڑے کاپیدا کردہ یک سب برقی دباومساوات معدد و مسین کے زیادہ جوڑیوں سے ۸۸۴ دے گی جہال قطبین کے ایک جوڑے پر میکانی سب کار کے دندوں کی تعدد و سب قطبین کے زیادہ جوڑیوں سے حاصل یک سب برقی دباوکو سلسلہ واریا متوازی جوڑاحب سکتا ہے۔

#### ۸.۳ قوت مسروڑ

یک سمت مشینوں کاامالی برتی دیاد اور توت مسروڑ حسٰلائی درزمسیں مقت اطیسی دیاد کی صورت پر منحصسر نہیں ہو تا ہے۔ توی کچھے کے آری دندان نمامقت طیسی دیاد (مشکل ۸۹) کا بنسیا دی فوریئسسر حسبز د<sup>۵</sup>ورج ذیل ہوگا۔

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

یک سمت مشین مسیں ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقت اطبی دباو آ لپس مسیں عصودی ہوتے ہیں البہٰ ذاان مسیں قوت

fundamental Fourier component<sup>a</sup>

باب۸. بک سمت رومشین

777

سے روڑ مساوات ۱۰۳ کے تحت درج ذیل ہو گا۔

(A.A) 
$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

مثال ۱۸: دوقطب، بارہ دندی میکانی سے کارے یک سے جسندیٹ مسیں ہر قوی کچھ ہیں۔ کچھے کے 0.0442 ویب مقناطیسی ہب وگزر تا ہے۔ جسندیٹ ر3600 کپکر فی منٹ کی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔

- جنسریٹر کے پک سمت برقی دباومسیں غیبر مطلوب لہر کل برقی دباو کا کتنافی صد ہوگا؟
  - كيسمت برقى دباوحساصل كريں۔

حـل:

- وتا مساوات ۸۵ مے غیر مطلوب لہر مطلوب لہر مطاوت دان میں مطاوت کے معتب مطلوب لہر مطاوت دان میں مطاوت کے ہم مطاوت کی معتب مطاوت کا معتب مطاوت کی معتب کلی معتب مطاوت کی معتب مطاوت کی معتب مطاوت کی معتب کلید معتب مط

### ۸.۴ سیسرونی ہیجیان اور خود ہیجیان یک سمت جنسریٹسر

ب**یرونی ہیجانے** ایک سب جنسریٹرے میدانی کچھے کو بسیرونی یک سب برقی دباو منسراہم کیا حباتا ہے جبکہ **نود بیجانے کیک سب جنسریٹرے میدانی کچھے کو جنسریٹر کا این از قوی کچھے کا) محسر کے برقی دباو منسراہم کیا حباتا ہے۔ ہے۔ یک سمت جنسریٹر کی کارکر دگی اس کو جیبان کرنے کے طسریقے پر مخصسر ہوتی ہے۔** 

سشکل ۱۰۸-امسیں قوی کیجے اور میدانی کیجے آئو آپس مسیں عصودی بنایا گیا ہے۔ یوں یادرہت ہے کہ ان کیھوں کے پیسداکر دہ مقت طیبی دباو آپس مسیم عصودی ہیں۔ یہاں قوی کیجے کی صورت میکانی سمت کارکی طسرح بنائی گئی ہے۔

میدانی اور قوی کچھوں کے مقت طیسی دباو آلپس مسیں عسودی ہیں جس سے ہم اخسذ کر سکتے ہیں کہ ایک کچھے کابرتی دباو دوسسرے کچھے کے برتی دباوپر اثر انداز نہیں ہوگا۔ یوں مقت اطیسی مت الب کے کسی ایک رخ سیر ابیت، اسس رخ کے عسودی دوسسرے رخ کی سیر ابیت پر اثر انداز نہیں ہوگی۔

شکل ۱-۸.۱۰ مسیں ہیں ہونی بیجبان مشین کے میدانی کچھے کو ہیں رونی یک سمت برقی طباقت مہیا کی گئی ہے۔ میدانی کچھے کابرقی روتبدیل کرکے میدانی مقن طیسی دباو  $\phi_m$  میدانی مقن طیسی ہیں و

separately excited

self excited<sup>2</sup>

armature coil

field coil





باب۸. یک سمت رومشین



مشکل ۸.۱۲: سلسله وار اور مسر کی حب ٹراخو د ہیجیان جنسریٹ ر

 $B_m$  تبدیل کے حبا کتے ہیں۔ یوں جنسریٹ رکا محسر کے برقی وباو مساوات ۸۰۱ کے تحت تبدیل کیا حبا سکتا ہے یا موٹر کی قوت مسروڑ مساوات ۸۰۸ کے تحت تبدیل کی حبا سکتی ہے۔

برتی رو کے بڑھنے ہے وت الب کی سیر ابیت شکل ۸.۱۱ مسیں واضح کے د وت ابی سیر ابیت کی بن برتی رو بڑھاتے ہوئے ابتدائی طور محسر کے برخ میں اور پر ایس نہیں ہوئے ابتدائی طور محسر کے برخ دراو ور ایست مستناسب ہوں گے جب نریادہ برتی رو پر ایس نہیں ہوگا۔ شکل ۔ ب میں ہوگا۔ شکل ۔ ب میں ہوگا۔ شکل ۔ ب میں محسین کی جب کی ترسیم مشین کے تھیلے سر معین نریادہ تھی کے ایک معین رفت ارس پر حساس کی جب کے ایک معین رفت ارس پر حسر کے رو وہ وہ کے حسول کے لئے مساوات ۸.۲ کی مدد ہے کہ ساگھ ہے کے مساوات ۸.۲ کی مدد ہے کہ ساگھ ہے کے مساوات ۸.۲ کی مدد ہے

(1.4) 
$$\frac{e_q}{e_{q0}}=\frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0NAB_m}=\frac{\omega}{\omega_0}$$

لكهركر

$$e_q = \frac{\omega}{\omega_0} e_{q0}$$

Ĺ

$$e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

حساصل کی حب سکتا ہے جہاں رفت ارکو حبکر فی منٹ 'اسمیں (بھی) لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ ہے مساوات صرف اسس صورت درست ہوں گے جب مقت طبی میدان تبدیل سے ہو۔

سُسُكُل ١٠٠٠- مسين خود بيجبان مشين دكسانى گئي ہے جس كے ميدانی اور توی کچھ متوازی حبر بيں۔ اسس طسرح حبر ئے جنسریٹ كو تود بيجان متوازی بروا اجنسریٹ كتے ہیں۔ ميدانی کچھ كے ساتھ ایک مسزامت سلىلہ وار حبر ئى ہے۔ اسس مسزامت كو تبديل كركے ميدانی برقی رو تبديل كيا حباتا ہے جس ہے، بالكل ہيرونی بيجبان مشين كی طسرح، جنسریٹر كامحسرك برقی دبادیا موٹر كی قوت مسرور شبدیل كی حباتی ہے۔ ایک بار بيجبان

rpm, rounds per minute parallel connected



شکل ۱۳.۸: مسرک مت ریب حبر ااور مسرک دور حبر انو د بیجان جنسرین سر

ہونے کے بعد مقت طیسی متالب مسین باقی مقت طیسی بہداورہت ہے جیب سشکل ۸۱۱۱-۱مسین دکھیایا گیا ہے۔ یوں میدانی کچھ بیجبان کئے بغیر جسٹریسٹر کچھ محسر کے برقی دباوپیدا کرے گا"۔ شکل - بے مسین صف رمیدانی برقی رو پرباقی برقی دباود کھیایا گیا ہے۔

خود ہیجبان جنسریٹ ساکن حسال سے حہالو ہو کر ابت دائی طور پر باقی محسر کے برقی دباوہ ہدا کرے گاجو میدانی کچھے مسین برقی روپیدا کر کے مقت طبیعی میدان پیدا کرتے ہوئے مشین کو ذرازیادہ ہیجبان کر تا ہے۔ یوں مشین کا محسر کے برقی دباو بھی کچھ بڑھ حبائے گا۔ اس طسر ت کرتے کرتے جنسریٹ حبلہ پورامحسر کے برقی دباوہ ہیں کا دخت مسین مشین کی دفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔
سب ای دوران ہوتا ہے جس مسین مشین کی دفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔
شکل ۱۸.۱ مسین خود ہیجبان جنسریٹ رے دومسزیدا قسام دکھائے گئی ہیں۔ ایک فود ہیجبان جنسریٹ رے دومسزیدا قسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک فود ہیجبان جنسریٹ رے دومسزیدا قسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک فود ہیجبان جنسریٹ رے دومسزیدا قسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک فود ہیجبان جنسریٹ رے دومسزیدا قسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک فود ہیجبان جنسریٹ کو دومسزیدا قسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک خود ہیجبان جنسریٹ کو دومسزیدا قسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک خود ہیجبان جنسریٹ کے دومسزیدا قسین کو دومسزیدا قسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک خود ہیجبان جنسریٹ کو دومسزیدا قسین کو دومسزیدا قسین کے دومسزیدا قسین کے دومسزیدا قسین کی دومسزیدا کی دومسزیدا کرنے کی دومسزیدا کے دومسزیدا کر اسال کی دور کی د

شکل ۱۱.۸ مسین خود ہجبان جنسریٹرے دومسزید اتنام دکھائے گئیں۔ ایک خود ہیجائی سلملہ وار برفا جسنریٹر سلملہ وار جرفا جسنریٹر مسین میدانی اور قوی کیے سلمہ وار حبر ہے۔ جنسریٹر مسین میدانی اور قوی کیے سلمہ وار حبر ہے۔ ایک حسہ قوی کیے کے متوازی اور وار حبر ہوتا ہے۔ ایک حسہ قوی کیے کے متوازی اور دوسری سرا سلمہ وار حبر ابوتا ہے۔ ایک حسہ قوی کیے کے متوازی اور دوسری سرا سلمہ وار کیے کی دوسری حسب تو ساتھ ہوتا ہے۔ میں دور جرفا مرکب جنسریٹ رادور دوسری صورت مسین دور جرفا مرکب جنسریٹ رادور دوسری صورت مسین دور جرفا مرکب جنسریٹ کے دونوں اشکال دکھائے ہیں۔

۔ کیک سمت موٹر بھی ای طسدر تپکارے حباتے ہیں۔ یعنی سشکل ۱۰۸ کی طسدر حسبٹری دوموٹروں کو بسیسرونی ہیجبان موٹر اور خود ہیجبان متوازی حسبٹری موٹر کہسیں گے۔ موٹر مسیں قوی کچھے کابر قی روجہنسریٹسر کے برقی روکامحت الف رخ ہوگا۔

تمام اتسام کے یک سمت جنسریٹ رکامید انی مقن طیسی دباو، جنسریٹ رکے میدانی کچھے کے حپکر ضرب برقی رو کے برابر ہوگا:

$$\tau = N_m I_m$$

سشکل ۱۰۸ مسیں خود بیجبان متوازی حبٹرے جنسر بیٹرے میدانی کچھے مسیں برقی رو، اسس کچھے کی مسزاحمت اور اسس کے کے ساتھ حبٹری مسزاحمت کے مجموعت  $R=R_m+R'_m$  پر مخصسر ہوگالیتی  $I_m=\frac{V}{R}$  المبنذ اخود بیجبان متوازی حبٹری جنسر بیٹسر کے لئے مساوات ۸۰۱۲ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(אַ.וֹדְי) 
$$\tau_{m,m} = \frac{I_m V}{R_m + R_m'}$$

اا آپ ٹھیک موج رے ہیں۔ جنسریٹ بنا نے کا کا دنانہ مسین صالب کو پہلی مسرتب مقن طیسس بنابار ٹا ہے ہے۔



مشکل ۸۱۴: یک سمت جنسریٹ رکی محسر کے برق دباو بمقابلہ برقی بوجھ کے خط۔

سلملہ دار حبٹرا جنسریٹ مسین میدانی برقی رو جنسریٹ رکے قوی کچھے کابر تی رو ہو گالہٰ زاسلملہ دار جنسریٹ رکے لئے مسادات ۸.۱۲ درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$au_{m,s} = N_m I_q$$

سشکل ۱۳ ۸ کے مسر کی جنب بیٹر مسیں میدانی مقت طیمی دباوے دوجھے ہیں۔اسس مسیں  $N_{mm}$  حپکر کے متوازی حسیر برقی رو $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  اور  $N_{ms}$  کے سام کا در جنب بیٹ میں کے لئے در جن ذلی ہوگا۔

$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$

## ۸.۵ کیسے سے مشین کی کار کر دگی کے خط

٨.۵.۱ حساسسل برقی د ماو بالمقابل برقی بوجھ

مختف اقسام کے یک سمت جسنسریٹ روں کے برقی دباو بالقائل برقی بوچھ خطوط سشکل ۸.۱۴ مسیں دکھائے گئے ہیں جہساں گھومتی رفت!ر اٹل تصور کی گئی ہے۔دھسرے پر لاگو ہیں رونی میکانی طباقت جسنسریٹ کی قوت مسروڑ کے حسٰلان جسنسریٹ کو گھساتی ہے۔

جنسریٹر کو گھی تی ہے۔ ان خطوط کو سیجھنے کی حناطب ریسلے بیسے دونی بیجبان جنسریٹ پر خور کرتے ہیں جس کام اوی برقی دور شکل ۱-۸.۱۵ مسیں دیا گیا ہے۔ بیسے دونی بیجبان جنسریٹ پر برقی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مسنزاحت " $R_q$  مسیں برقی دباو گھٹتا ہے۔ بیل جنسریٹ رسے دیا مسیں برقی دباو V جنسریٹ رکے اندرونی محسر کے اندرونی محسر کے اندرونی محسر کے برقی دباو V جنسریٹ رکھوگا:

$$(\mathrm{A.IT}) \hspace{3.1em} V = E_q - I_q R_q$$

برقی بوجھ  $I_q$  بڑھانے ہے V مسزید کم ہوگا۔ ہیں دفی ہیجبان جنسریٹ کا خط بھی رجمان ظاہر کر تا ہے۔ حقیقہ مسین دیگر وجوہات بھی اثر انداز ہوتے ہیں جن کی بناپ خط سیدھ نہیں بلکہ جھا ہوتا ہے۔



شکل ۱۵.۱۸: بیسرونی ہیجبان، متوازی حب ڑے جنسریٹ رکامساوی برقی دور۔

متوازی حبٹری جنسریٹسٹر کے خط کا بھی یہی رجمان ہے۔ متوازی حبٹری جنسریٹسٹر پر بھی برقی بو جھ لادنے سے قوی کچھے کی مسزاحت مسیں برقی دباو گھٹتا ہے۔ یوں اسس کے میدانی کچھے پرلا گوبر قی دباو بھی کم ہوحبا تاہے جسس سے میدانی کچھے مسیں برقی رو گھٹتا ہے۔ اسس سے محسر کے برقی دباو مسندید کم ہوتا ہے۔ یوں متوازی حبٹریٹرے جنسریٹر کے برقی دباوبالمقابل برقی بوجھ خط کی ڈھلوان ہیں۔ ونی بیجیان جنسریٹسٹر کی خطسے زیادہ ہوگی۔

سٹنگل ۱۱.۸ مسین سلماہ وار اور مسرکب جنسریٹرے مساوی برقی ادوار دکھائے گئے ہیں۔ سلمہ وار جبڑے جنسریٹرے مساوی برقی ادوار دکھائے گئے ہیں۔ سلمہ وار جبڑے جنسریٹرے جنسریٹرے بوجر پڑھائے کے میدانی مقناطیسی دباو بڑھ کر محسرک برقی دباو بڑھا تا ہے۔ سلمہ وار حبڑے جنسریٹر کاخط بھی دکھارہا ہے۔ سلمہ وار حبڑے جنسریٹر عصوماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حیاصل برقی دباو، بوچھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتا ہے۔

مسرکب حبڑے جنریٹر کی کارکردگی سلماہ وار اور متوازی حبڑا جنریٹر کے بی ہے۔مسرکب جنسریٹر کے بی ہے۔مسرکب جنسریٹرمسیں بوجھ بڑھانے کے کابڑھتامقناطیسی دباو جنسریٹرمسیں بوجھ بڑھانے سے قوی کچھ کی وجب سے حساصل برقی دباومسیں کی کومیدانی کچھ کابڑھتامقناطیسی دباو پوراکر تاہے۔یوں مسرکب جنسریٹرسے حساصل برقی دباو،لدے بوجھ کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتاہے۔

. بیسرونی بیجبان، متوازی اور مسرکب حبیرے جنسریٹ سے حساسسل برقی دباو کو متوازی حبیری کچھے کے برقی روسے وسسیج حبدوں تک تیب بل کساحب سکتا ہے۔

قوی کچھ برقی ہو جھ کو درکار برقی روف سے اہم کرتا ہے اہلے ذاہے موٹی موصل تارکا ہنا اور عصوماً کم حیکر کا ہوتا ہے۔ سلملہ وار جنسریٹ کے میدانی کچھ سے مشین کا پورا برقی روگزرتا ہے اہلے ذاہیہ بھی موٹی موصل تارکا بن ہوتا ہے۔ باقی مشینوں کے میدانی کچھوں مسیں پورے برقی ہو جھ کا چند نی صد برقی روگزرتا ہے اہلے ذاہیہ باریک موصل تارکے بن کے اور عصوماً زیادہ حیکر کے ہوتے ہیں۔

#### ۸.۵.۲ رفت اربالمقابل قوی مسرور ٔ

یہاں بھی سشکل ۱۸۱۵ اور سشکل ۸۰۱۸ ہے رجوع کریں البت ان اسٹ کال مسین برقی روکے رخ الٹ کر دیں۔ یک سمت موٹر بھی جنسر سنسر کی طسرح مختلف طسریقوں سے حبٹرے حہاتے ہیں۔ موٹر کو معسین ہیں دنی برقی دباو دی حہاتی ہے جہاں سے باب۸ یک سمت رومشین





شکل ۱۹.۱۸: سلیله وار اور مسرکب جنسریٹ کے مساوی برقی دور۔

ہے۔ برقی روحساصل کرتاہے۔ برقی روبابرے قوی کیھے مسیں داحسنل ہوتاہے الہذاان کے لئے درج ذیل لکھا حباسکتاہے۔

$$V=E_q+I_qR_q$$
 (۱۸.۱۷) 
$$I_q=rac{V-E_q}{R_a}$$

بیب رونی بیجبان اور متوازی حبٹری موٹروں مسین میدانی کچھے کوبر فت رار معین بیب رونی برقی دباو فنسراہم کیا حب اتا ہے اہل ذا میدانی مقت اطلبی بہب و پر میکانی بوتھ کا کوئی اثر نہیں ہوتا ہے۔ بڑھت میکانی بوتھ اٹھنے نے کی حن اطسر، مساوات ۸.۸ کے تحت، قوی کچھے کامقت طلبی بہب و بڑھت اہوگا۔ یہ تب مسکن ہوگا جب قوی کچھے مسین بر قی روبڑھے۔ مساوات کا ۸.۸ کے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کچھے کامحت کے برقی دباو ہو E گئٹ ہے E بڑھے گا۔ امالی دباو ہو E کی رفت ار میک کی رفت ارکم ہوتی گیا (مساوات ۸.۲ کیوں جیسا شکل کا ۸.۸ مسین دکھ ایا گیا ہے میکانی بو تیج بڑھانے سے موٹر کی رفت ارکم ہوتی کی

متوازی حبرٹری یا بیسرونی ہیجبان موٹر تقسریباً مستقل رفتار برفسترار رکھتی ہے۔اسس کی رفتار ہے ہو جھ حسالت سے پوری طسر تر ہو چھ بردار حسالت تک تقسریباً پانچی فی صد گھٹتی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی کچھے کابرقی رو سبدیل کرے سبدیل کی حباتی ہے۔میدانی کچھے کے ساتھ سلمہ وار حبرٹری مسزا تھت سبدیل کرے سبدیل کی حباتی ہے۔میدانی کچھے کے ساتھ سلمہ وار حبرٹری مسئن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو سیج میدوں سے بچھے کابرقی رو سبدیل کرے بھی رفتار و سابع ہے۔ اوں ان کی رفتار و سبع حدوں سے بچھ سبدیل کرنا مسکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو سب سب و فی برقی ہوتا ہے۔ میں رفتار و سبع ہے۔ ایسا عصوماً قوئی برقیات کی مددے کیا جب تا ہے۔
سب رونی برقی و باوسب یل کر کے بھی رفتار و سابع کے سب سب کن حسال سے حبالو کرتے ہوئے گئے۔ گئی سب کن حسال سے حبالو کرتے ہوئے گئے۔ گئی ہے۔ تا ہے۔ میں روڑ اور زیادہ سے زیادہ قوت مصرورڈ، ان موٹروں کے قوئی کچھے تک برقی رو پہنچ ہے نے کی صلاحیت پر مخصر ہوتی ہے جو از خود میکانی سبت کار پر مخصر ہوگا۔

، V جنس کردہ دباو V جنس کے جوں اور میدانی کیجھوں میں برتی رو بڑھت ہے۔ وسنسراہم کردہ دباو V جو برقی رو بڑھت ہے۔ وسنسراہم کردہ دباو V جو موٹر کی مین اور V ا



شکل ۸.۱۷: یک سم موٹر کے میکانی بوجھ بالمقابل رفت ارخطوط۔

رفت ارگفنے سے ہوگا۔ بڑھتے  $I_q$  کی بن امید انی مقت طیسی بہاو  $\phi_m$  بھی بڑھت ہے لہا۔ ذابو جھ بڑھ انے سے موٹر کی رفت ارکانی زیادہ کم ہونی ہوگی (مساوات ۸.۳)۔ ایکی موٹریں ان مقت امات پر بہتر ثابت ہوتی ہیں جہاں زیادہ قوت مسروڑ درکار ہو۔ بڑھتی قوت مسروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتی۔ ہوتی۔ توت مسروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتی۔ ہوتی۔ ہوتی۔

یہاں اسس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بو جھ سلسلہ وار حبٹری موٹر کی رفت ار خطسرناک حسد تک بڑھ سکتی ہے۔ سلسلہ وار موٹر کو ارتباد موٹر کو جھ بر دار رہے۔ سلسلہ وار موٹر کو استعال کرتے وقت اسس بات کا حناص خیبال رکھناضروری ہے کہ موٹر ہر لمحس بو جھ بر دار رہے۔ ساکن موٹر حیالو کرتے وقت موٹر کی قوت مسروڑ حناصی زیادہ ہوگا۔ یوں حیالو کرتے وقت موٹر کی قوت مسروڑ حناصی زیادہ ہوگا۔ یہ ایک ایک ایک ایک مسروڑ حناصی زیادہ ہوگا۔ یہ ایک ایک جھس کی بستا بوچھ بر دار ساکن موٹر کو حیالو کرنا آسان ہوتا ہے۔

مسسر کیب موٹر وں مسیں ان دواقسام کی موٹر وں کے خواص پائے حباتے ہیں۔ جہاں بو چھ بر دار موٹر حپالو کر ناضر وری ہولسیکن رفت ارمسیں سلسلہ وار موٹر جتنی تب یلی منظور سے ہووہاں مسسر کیب موٹریں کارآمد ثابت ہوتی ہیں۔

رت رسی مشال ۸۰٪ ایک 57 کلو دائے، 415 دولئے اور 1200 پکر فی منٹ کی رفت ارسے چیلنے دالی متوازی حبٹری یک سے مشال ۸۰٪ ایک 57 کلو دائے، 415 دولئے اور 1200 پکر فی منٹ کی رفت ارسے چیلنے دالی متوازی حبٹری یک سے موٹر کے قوی کچھے کی مسزاحمہ ہے۔ بو جھ بر دار موٹر 1123 پکر فی منٹ کی مسزاحمہ ہے۔ بو جھ بر دار موٹر 1123 پکر کارف ہے۔ فی منٹ کی رفت ارسے سے بوئے 112 ایم بیٹر لے ربی ہے۔

- ميداني برقي رواور قوي لچھے کابرقی روحسا صل کریں۔
- موٹر کی اندرونی پیدا کر دہ برقی دباوحی صل کریں۔
- اگر میدانی کچھے کی مسزاح۔۔۔۔100.2 اوہم کر دی حبۓ لیکن قوی کچھے کابر قی روتب دیل نہ ہوتہ موٹر کی رفت ارکتنی ہوگی؟ فت الب کی سیر ایت کو نظے رانداز کریں۔

ب:

• شکل ۸.۱۸ سے رجوع کریں۔ 415 وولٹ پر میدانی کچھے کابر تی رو درج ذیل ہو گا۔

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 \,\mathrm{A}$$

يون قوى ميلي على كاير قارو 107.012  $I_q = I_b - I_m = 112 - 4.988 = 107.012$  يون قوى ميلي كاير قارو كايليك



• يك سمة موٹر كاندروني پيداكر ده برقى د باو درج ذيل ہوگا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

• اگرمیدانی کیھے کی مسزاحت100.2اوہم کر دی حبائے تب  $I_m$  درج ذیل ہوگا۔

$$I_m = rac{V}{R_m + R_m'} = rac{415}{100.2} = 4.1417\,\mathrm{A}$$

• اگر قوی کھے کابر تی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھ حب ئے تب اندرونی د باودرج ذیل ہوگا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

• مساوات ۸٬۳ کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کر دہ برقی دباوت بدیل نہیں ہوالی کن مقت طبیبی ہیساوت بریل ہواہے الہذا موڑ کی رفت ارتب میں ہوگی۔ ان دومقت طبیبی ہیساواور رفت ارول پر مساوات ۸.۹ کی طسرح درج ذیل کھیا حب سکتا ہے۔

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$

اب چونکه  $E_{q1}=E_{q2}$  به بازی سیر ایت نظرانداز کرتے ہوئے مقت طبی بہاو، مید انی دباد پر مخصر ہوگا جو از خود مید انی برقی روپر مخصر ہوگا بابند ادری ذیل ہوگا۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$



يوں نئىرفت ار

$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{4.988}{4.1417} \times 1123 = 1352.47$$

حپکر فی منٹ سے ساسل ہوتی ہے۔اسس مشال مسیں ہم دیکھتے ہیں کہ میدانی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفت اربڑھتی ہے۔

مثال ۱۸۳۳ ایک 60 کلو وائے، 415 وولئے، 1000 پکر فی منٹ متوازی حبٹری یک سمت موٹر کی قوی کچھے کی مثال ۱۵۳۳ کی منٹ ہے۔ میدانی کچھے کی منٹ ہے۔ میدانی کچھے کی 1000 میزاحمت 1000 پکر فی منٹ ہے۔ میدانی کچھے 1000 میزاحمت 20.0 میزاحمت کی کا ہے۔ میدانی کچھے کی کا کا ہے۔

- جب ہے موٹر 70 ایمپیئر لے رہی ہواسس وقت اسس کی رفت ارمعسلوم کریں۔
  - 140 ایمپیئر پراسس کی دفت ارمعلوم کریں۔
  - 210 يمپيئر پراسس كارفت ارمعلوم كريں۔
  - اسس موٹر کی رفت اربالمقابل قوے مسروڑ ترسیم کریں۔

٠, ٢

• شکل ۱۹۸۹ مسیں موٹر دکھسائی گئی ہے۔ متوازی میدانی کچھے کے برقی روپر بو جھ کا کوئی اثر نہسیں ہوگا۔ لہنذامیدانی مقت طیسی ہیساولے بو جھ اور بو جھ بر دار موٹر مسیں ایک جیسا ہوگا۔ بے باریک سمت موٹر کے قوی کچھے کابرتی رو 1<sub>q</sub> متابل نظسر انداز ہوتا ہے۔ اسس طسرح مساوات ۱۸۔ ۱۸ اور مساوات ۱۱۸ سے درج ذیل حساصل ہوں گے۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \text{ V}$$
  
 $I_m = \frac{V}{R_s} = \frac{415}{60} = 6.916 \text{ A}$ 

باب۸. یک سمت رومشین



<u> شکل ۲۰ ۸ . ۲ و نت اربالمقابل قوت مسروژ ـ</u>

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 \,\mathrm{A}$$

ساوات ۱۵۸سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458 \, \mathrm{V}$$

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}}rpm_0 = \frac{411.8458}{415} \times 1000 = 991.95$$

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.916 = 133.084 \,\mathrm{A}$$

$$E_q = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 \,\mathrm{V}$$

$$rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$$

يهان  $I_b = 210$  جي المين اورج ذيل مول گے۔

$$I_q = I_b - I_m = 210 - 6.916 = 203.084 \,\mathrm{A}$$

$$E_q = 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 \,\mathrm{V}$$

$$rpm = \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83$$

و موٹر میں ضیاع طاقت کو نظ سرانداز کرتے ہوئے میکانی طاقت سے سنراہم کر دوبر قی طاقت کے برابر ہو گا: •  $e_q I_q = T \omega$ 

 $T_0 = 0 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$ يوں پيچيلے حب زوے حاصل جو اہا۔ کی مددے ہے ہو جم موٹر کی قو۔ مسروڑ صف رہوگی لینی  $T_0 = 0 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$  کی مددے ہے ہو جم موٹر کی قو۔ مسروڑ کی قیہ درج ذیل ہوگی۔ جب کہ  $T_0 = 0 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$ 

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2 \times \pi \times 16.5325} = 250 \, \mathrm{N \, m}$$

يب ل991.95 حيكر في منه كارفت اركو 16.5325 بر ٹزلكھ اگيا ہے۔ اى طسرح درج ذيل ہوں گے۔

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = \texttt{527 N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = \texttt{805 N m} \end{split}$$

بے نتائج شکل ۸۰۲۰ میں ترسیم کئے گئے ہیں۔

باب. ۸. یک سمت رومشین

# ف رہنگ \_

| earth, 82                      | ampere-turn, 27            |
|--------------------------------|----------------------------|
| eddy current loss, 52          | armature coil, 116, 222    |
| eddy currents, 52, 111         |                            |
| electric field                 | capacitor, 171             |
| intensity, 9                   | carbon bush, 156           |
| electrical rating, 50          | cartesian system, 3        |
| electromagnet, 115             | charge, 9, 121             |
| electromotive force, 52, 121   | circuit breaker, 158       |
| electronics                    | co-energy, 92              |
| power, 183                     | coercivity, 39             |
| emf, 121                       | coil                       |
| enamel, 52                     | high voltage, 47           |
| energy, 37                     | low voltage, 47            |
| co, 99                         | primary, 47                |
| Euler, 18                      | secondary, 47              |
| excitation current, 44, 51, 52 | commutator, 146, 213       |
| excitation voltage, 52         | conductivity, 21           |
| excite, 52                     | conservative field, 96     |
| excited coil, 52               | core, 47, 111              |
| exerced con, 32                | core loss, 52              |
| Faraday's law, 32, 111         | core loss component, 54    |
| field coil, 116, 222           | Coulomb's law, 9           |
| flux, 24                       | cross product, 12          |
| Fourier series, 54, 125        | cross section, 8           |
| , ,                            | current                    |
| frequency, 115                 | transformation, 56         |
| fundamental, 125               | cylindrical coordinates, 4 |
| fundamental component, 54      |                            |
|                                | delta connected, 80        |
| generator                      | differentiation, 15        |
| ac, 141                        | dot product, 13            |
| ground current, 82             |                            |
| ground wire, 82                | E,I, 52                    |

| non-salient poles, 157    | harmonic, 125                |
|---------------------------|------------------------------|
|                           | harmonic components, 54      |
| Ohm's law, 22             | Henry, 33                    |
| open circuit test, 74     | hunting, 157                 |
| orthonormal, 2            | hysteresis loop, 39          |
| parallel connected, 224   | impedance transformation, 61 |
| permeability, 21          | induced voltage, 32, 42, 52  |
| relative, 22              | inductance, 33               |
| phase current, 82         | leakage, 161                 |
| phase difference, 19      | induction                    |
| phase voltage, 82         | motor, 183                   |
| phasor, 19                |                              |
| pole                      | Joule, 37                    |
| non-salient, 123          |                              |
| salient, 123              | lagging, 19                  |
| power, 37                 | laminations, 26, 52, 111     |
| power factor, 19          | leading, 19                  |
| lagging, 19               | leakage inductance, 68       |
| leading, 19               | leakage reactance, 68        |
| power factor angle, 19    | line current, 82             |
| power-angle law, 166      | line voltage, 82             |
| primary                   | linear circuit, 199          |
| side, 47                  | load, 85                     |
|                           | Lorentz law, 121             |
| rating, 83, 84            | Lorenz equation, 90          |
| rectifier, 146            |                              |
| relative permeability, 22 | magnetic constant, 21        |
| relay, 89                 | magnetic core, 26            |
| reluctance, 21            | magnetic field               |
| resistance, 21            | intensity, 10, 27            |
| rms, 16, 42, 145          | magnetic flux                |
| rotor, 31                 | density, 27                  |
| rotor coil, 92            | leakage, 68                  |
| rpm, 138                  | residual, 39                 |
|                           | magnetizing current, 54      |
| saturation, 39            | mmf, 24                      |
| scalar, 1                 | model, 70, 183               |
| self excited, 222         | mutual flux linkage, 36      |
| self flux linkage, 36     | mutual inductance, 36        |
| self inductance, 36       |                              |
| separately excited, 222   | name plate, 84               |

ف رہگ ۔

| transformer          | side                        |
|----------------------|-----------------------------|
| air core, 50         | secondary, 47               |
| communication, 50    | single phase, 20, 50        |
| ideal, 55            | slip, 184                   |
| oil, 65              | slip rings, 156, 203        |
| transient state, 155 | squirrel cage, 205          |
| turbine, 157         | star connected, 80          |
|                      | stator, 31                  |
| unit vector, 2       | stator coil, 92, 112        |
|                      | steady state, 155           |
| VA, 65               | step down transformer, 50   |
| vector, 1            | step up transformer, 50     |
| volt, 121            | surface density, 10         |
| volt-ampere, 65      | synchronous, 115            |
| voltage, 121         | synchronous inductance, 162 |
| DC, 146              | synchronous speed, 138, 155 |
| transformation, 56   |                             |
| Watt, 37             | Tesla, 28                   |
| Weber, 27            | theorem                     |
|                      | maximum power transfer, 202 |
| winding              | Thevenin theorem, 199       |
| distributed, 123     | three phase, 50, 79         |
| winding factor, 130  | time period, 125            |
|                      | torque, 146, 185            |
|                      | pull out, 157               |
|                      |                             |

| ىمىبنورنىبابرقى رو، 111                          | ابت دائی                                     |
|--|--|
| بے بوجھ، 51                                      | حب:ب،47                                      |
|  | لچڪ،47                                       |
| پ <b>ت</b> ری،111،26                             | ارتباط بهاو، 33                              |
| پټريال،52<br>ته څ                                | اضب في                                       |
| پی <u>ث</u> ناوی، 19                             | زاویانی رفت ار، 187                          |
| تاخىسىرى،69                                      | اكائي سمتيه، 2                               |
| نا مسیری زاوی، 69<br>تاخیسری زاویسه، 19          | رمان<br>امالی<br>برتی د باو، 42<br>اماله، 33 |
| نا میکن کراراوید، 197<br>تار کابر تی د باو، 82   | برقی دباو، 42                                |
| نار کابر تی رو، 82<br>تار کابر تی رو، 82         |  |
| نار بارن (22،35<br>تانبا، 23                     | رستا، 161                                    |
| م ب.<br>تبادله                                   | اِمالى برقى دياو، 32،32                      |
| ب رئاوٹ، 61                                      | ایک، تین پت ریال،52<br>ایمپیئر - پکر،27      |
| منختی،84   | اينپيئر – پلر، 27                            |
| تعبدد،115  | 121.4  |
| تعقب،157   | بار،121<br>برفت رار حپالو،155،87             |
| تف رق،15   |  |
| حب زوی، 15                                       | برق گھیےر، 171                               |
| تكوني جوڙ،80                                     | برن بيران<br>برقبات<br>قوي،183               |
| توانائی،37                                       | لون، 183<br>. 121.0 ق                        |
| ېم،99  | برقی بار، 121،<br>برقی دیاد، 121،            |
| تین دوری،79،50                                   | برق دباوه ۱21٬23<br>شبادله ،56،48            |
| •  | ئب دربه،30،46<br>محسر کس،121                 |
| ٹر انسفار میسر                                   | -رے.<br>ہیجبانی،163                          |
| برقی د باووالا،50                                | يب   |
| بوجھ بردار،58<br>سیسل،65                         | برقارو، 23                                   |
| ميان، 65<br>مندار ما الم                         | بین میراند.<br>تھبنور نمپ، 111               |
| حنـــانی متــالـــــــ،50<br>د باوبڑھــــا تا،50 | شبادله،56                                    |
| دباو رگطت نا،30<br>دباو گھٹا تا،50               | پيجبان انگيپز،44                             |
| دباد عن نان05<br>ذرائع ابلاغ،50                  | برقی سکت،50                                  |
| وران ابلان،50<br>رووالا،50                       | بىق مىيىدان، 9                               |
| رووالان<br>کامسل،55                              | 23،9، شدت، 9                                 |
| ئىسلا،28<br>ئىسلا،28                             | بشس،156                                      |
| نوبرور<br>خص <i>ت ڈ</i> ی تار ،82                | بن اوٹ ،74                                   |
| 02:31 030  | بنڀادي حبزو،54،54                            |
| ثانوی حبانب،47                                   | 85.25 9.                                     |
|  | بھٹی، 101                                    |
| حباول،37   | تھبنور نیپ                                   |
| حبزو   | برتي رو، 52                                  |
| پھيلاو،130                                       | خـيـاغ،52                                    |

بنربنگ بنگ

| زاوپ حبزوط اقت،19                            | حب زوط اقت، 19                                |
|--|---|
| زمين،82                                      | ب رو <i>ت نیش</i> ،19                         |
| ر ین ۶۵۰<br>زمینی برقی رو، 82                | سے نہوں<br>تاخب ری،19                         |
|  |   |
| زمسيني تار،82                                | جنسريت  |
|  | بدلت ارو، 141                                 |
| ب کن هیب، 31                                 | جوڙ   |
| ڪ کن کچھ ،112،92                             | بحور تکونی،80                                 |
| سـتاره نمب جوڙ، 80                           | ستاره نب،80                                   |
|  | 00.2  |
| مسر دور ، 32                                 | حپرمناب،157                                   |
|  | حپگرفی منٹ،112                                |
| سر کاو، 184                                  | چەرق ئىسىنىدىن<br>چونى،186                    |
| ىسىرك چىلے،203،156،                          |   |
| سطى تكمل 159                                 | 14 - 2  |
| سطرين.                                       | ب شده و د                                     |
| سِطَى كَافْت.10                              | حــال<br>عــارضي،155<br>كيــال،155            |
| سكـــــــ،84،83                              | يكان،155                                      |
| سسلسله وار ۱28                               | bż  |
| سم <u></u> کار، 213                          | خطی<br>برتی دور ،199<br>خو د ارتب ط بهب و ،36 |
| برقپاتي،146                                  | برتی دور ، 199                                |
| ميكاني،146                                   | خودارتباط بهساو،36                            |
| سمتير، 1                                     | خود اماله، 36                                 |
| مير ۱۰<br>عــمودي اکائي ، 2                  | 1.5   |
| مستى رفت ار ،89                              | داحشلی ہیجبان                                 |
| ى رفت ار 89                                  | سلسله وار ، 225                               |
| سيرابيت،39                                   | متوازی،224                                    |
| ż  | مسركب،225                                     |
| ضر <u>ب</u><br>نقط <b>ب</b> ،13              | دور حب ڑا <b>م</b> رکب، 225                   |
| نقطب، 13                                     | دور شکن،158                                   |
| ضرب صلب بي،12                                | رور<br>دوری سمتیه، 164،19                     |
| <b></b> .                                    |   |
| طاقت،37                                      | دوری عسر صبه، 125                             |
| طباقت بالمقابل زاوي ، 166                    | د سنتا  |
| طول موج،16                                   | ر <b>ک</b><br>اماله،68                        |
| <b>.</b> ,                                   |   |
| عب ودي تراسش ، 8                             | متعامله،68                                    |
| رقب،8  | رىستامتعساملىت، 191                           |
|  | رفت ار<br>اصن فی زاویا کی، 187                |
| غي رستى، 1                                   | اصن في زاوياني، 187                           |
| غيرمعاصر،158                                 | روغن،52                                       |
|  | روک،201                                       |
| فوریت ری 221                                 | رياضي نمو نه ،183،70                          |
| فوریئسر،221<br>فوریئسر شلسل،125،54<br>فرینسر | ريلے،89                                       |
| فیسراڈے                                      | -   |
| ىتانون،111،32                                | زاویائی منسرق،19                              |
| -  |   |
|  |   |

۲۲۰ فنرینگ

| محسدد  | تاب.111                                |
|--|--|
| كار تىسى، 3  | ت لبى ضياع، 52                         |
| نگی،4  | حبـزو،54                               |
| محسر کے برقی د باو، 52   | <b>م</b> تانون                         |
| محوري  | اوټمې،22                               |
| تحوري<br>لمبائي،143<br>محنيار ۽ سر 170   | كولمب، 9                               |
| 1/000  | لورينسنز،121                           |
| مسرکب جنسریٹر،225  | ت دامت پسند مب ران،96                  |
| مسزاحمت،21   | ت ریب حب ڑام شرکب، 225                 |
| مسزاحت پیپا،209  | قطب                                    |
| مساوات لورینسنز،90   | انجسرے،157،123                         |
| مسئله<br>تھونن،199   | بموار،123،157                          |
|  | قو <u> </u>                            |
| زیادہ سے زیادہ طباقت کی منتقلی، 202  | انتهائي،157                            |
| مشتر كدارتباط اماله،36   | قوی برقب ایست، 213<br>ت. ر             |
| مشتر که اماله، 36  | قوی کچھے،222                           |
| معباصر،115<br>مشین،156   | • .                                    |
| —ين 136<br>معــاصراماله، 162   | کارین بششس،156                         |
| مع المراهانه، 102<br>مع اصر رفت ار، 138، 155   | کار گزاری، 177<br>م                    |
| مع ائد .   | - <i>کثاف</i>                          |
| کے ادور ،74<br>کھساا دور ،74   | برقی رو، 23<br>پیشه به طو              |
| كھـــلا دور ،74<br>مقــناطيــس   | کثاف <b>ت</b> مقت طیسی بہباو<br>       |
| _<br>برق،115   | بقبيا، 39                              |
| حپّال كادائره،39   |  |
| ٽ <sup>ت</sup> م شد <b>ت</b> ،39   | گرم تار،82                             |
| مقت طیسی برقی رقب 54   | گومت حسب، 31                           |
| مقت طبیعی بہاو،24<br>مقت طبیعی بہاو،24   | گومت کچمب،92                           |
| ر ستا، 68<br>ر ستا، 68   | J                                      |
| ر صوبر<br>الشار الشار ال | چي .                                   |
| مقت طيسي حيال،44   | ابت دائی،47                            |
| مقت طیسی د باو،24  | چيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ |
| مفت - ق دباو،24<br>رخ 125  | پيچدار،34<br>دانې                      |
|  | ثانوی، 47<br>رخ، 117                   |
| مقت طیسی ت الب،47،26<br>طعر مربة   | رن، 11<br>زیاده بر تی دباد، 47         |
| مقن طبیمی متقل، 147،21   | ریاده بری دباو ۶۰/ 4<br>ساکن ، 92      |
| حبزو،26،22<br>طبیر   | ت بن،92<br>قوی،116                     |
| مقت طیسی میدان   | لون،116<br>نم بر تی دباو،47            |
| 27،10،   | ېرن د باو، / 4<br>گومت، 92             |
| موٹر   |  |
| امال،183   | مپدانی،116                             |

ف رہنگ

بیجبان انگینزبر قی روه 51 بیجبانی برقی دباوه 163 یک دوری، 50،20 یک دوری برقی دباوه 82 یک دوری برقی دباوه 82 یک سمت رو یک مشین، 213 رون الم الموثر المو