# برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

تاریخ در نگی: 12 مئی <u>2020</u>

# عنوان

ix		ديباچه
1	عا كنّ	1 بنیادی<
1	ينيادى اكائياں	1.1
1	غيرستى	1.2
2	سمتير	1.3
3		1.4
3	1.4.1 كار تىبى محددى نظام	
5	1.4.2 نگلی محددی نظام	
7	سمتيررقبر	1.5
9	ر قبه عمودی تراش	1.6
10	برقی اور مقناطیسی میدان	1.7
10	1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت	
11	1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت	

iv

11	سطحی اور تحجی کثاف <b>ت</b>	1.8	
11	1.8.1 سطی کثافت		
12	حجى ڭافت	1.9	
13	صلیبی خرب اور ضرب نقطه	1.10	
13	1.10.1 صلیبی ضرب		
15	1.10.2 نقطی ضرب		
18	تفرق اور جزوی تفرق	1.11	
18	خطی تکمل	1.12	
19	سطح تکمل	1.13	
20	دوری سمتیہ	1.14	
25	) اد وار	مقناطيسو	2
<ul><li>25</li><li>25</li></ul>	ماد وار مز احمت اور پیچکیا ہٹ	, <u>-</u>	2
25	····•	2.1	2
<ul><li>25</li><li>26</li></ul>	مزاحمت اور نیکچابٹ	2.1	2
<ul><li>25</li><li>26</li><li>28</li></ul>	مزاحمت اور نیچکیا پٹ	2.1	2
25 26 28 30	مزاحمت اور نیکچابث کثافت بر تی رواور برتی میدان کی شدت برتی ادوار متناطبیسی دور حصد اول	<ul><li>2.1</li><li>2.2</li><li>2.3</li></ul>	2
25 26 28 30 32	مزاحمت اور نیجگیا پت کثافت ِ برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِ مقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شدت	2.1 2.2 2.3 2.4	2
25 26 28 30 32 34	مزاحمت اور آنچکوابت کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2
25 26 28 30 32 34 38	مزاحمت اور نیجگیا په بل کثافت برتی رواور برتی میدان کی شدت برتی او وار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِمتناطیسی بهاواور متناطیسی میدان کی شدت متناطیسی دور حصه دوم	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2

عـــنوان

3 گرانسفادمر	55
3.1 ٹرانسفار مر کی اہمیت	56
3.2 ٹرانسفار مرکےاقسام	59
3.3 امالى برقى د ياو	59
3.4 سيجان انگيز بر قي رواور قالبي ضياع	61
3.5 تبادله برقی د باداور تبادله برقی رو کے خواص	64
3.6 ثانوی جانب بو جھے کا ابتدائی جانب اثر	68
3.7 ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کامطلب	69
3.8 رکاوٹ کاتبادلہ	70
3.9 ٹرانسفار مر کاوولٹ-ایمپیئر	75
3.10 ٹرانسفار مر کے امالہ اور مساوی ادوار	77
3.10.1 کچھے کی مزاحمت اوراس کی متعاملہ علیحدہ کرنا	77
3.10.2 رِشالمالہ	79
3.10.3 څانوى بر تې رواور قالب كے اثرات	80
3.10.4 څانوی کچیے کالمالی برتی د باو	81
3.10.5 ثانوی کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ کے اثرات	81
3.10.6 ركاوك كالبتدائي يثانوي جانب تبادله	83
3.10.7 ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی ادوار	85
3.11 كطير دور معائنه اور قصر دور معائنه	86
3.11.1 كطاوور معائنه	87
3.11.2 قصر دور معائنہ	89
3.12 تىمن دورى ٹرانسفار مر	93
3.13 ٹرانسفار مر جالو کرتے لمحہ زیادہ محر کی برقی رو کا گزر	101

vi

ميكاني توانا في كا با جمي تبادليه	بر تی اور	4
مقناطيسي نظام ميں قوت اور قوت مر وڑ	4.1	
تبادلة توانا كى والدايك لچھے كانظام	4.2	
توانائی اور مم-توانائی	4.3	
متعدد کچھوں کامقناطیسی نظام	4.4	
مثين كے بنيادى اصول	گھومتے	5
قانون فيراۋك	5.1	
معاصر مثنین	5.2	
محرک برقی دباو	5.3	
ت کیلے کچھے اور سائن نمامقناطیسی دیاو	5.4	
5.4.1 برلتارومشين		
مقناطيسي د باو کی گھومتی امواج	5.5	
5.5.1 ایک دورکی لپٹی مثنین		
5.5.2 تين دورکي لپڻي مشين کا تحليلي تجربي		
5.5.3 تين دوركي لپڻي مشين کاتر سيمي تجربير		
محرک برتی دباو	5.6	
5.6.1 بدلاروبر تی جزیز		
5.6.2 يک ست روبر تي جزيئر		
بموار قطب مشينول مين قوت مروڑ	5.7	
5.7.1 ميكاني قوت مر وژبذريعه تركيب توانائي		
5.7.2 ميكاني قوت مر وژبذريعه متناطيسي بهاو		

vii

چالومعاصر مشين	6 كيسال حال، بر قرار
رى معاصر مشين	6.1 متعدودو
شين كي اماله	6.2 معاصر م
) خوداماله	6.2.1
) مشتر که اماله	6.2.2
) معاصراءاله	6.2.3
شین کامساوی دوریاریاضی نمونه	6.3 معاصر ^
ت کی شتلی	6.4 برتی طاق
ال، بر قرار چالومشین کے خواص	6.5 كيسال حا
$196$ معاصر جنزیٹر: برقی یو جھ ہالنقابل $I_m$ کے خط $I_m$ معاصر جنزیٹر: برقی یو جھ ہالنقابل	6.5.1
$I_a$ معاصر موٹر: $I_a$ بالنقابل $I_a$ خط $I_a$ خط ،	6.5.2
ور قصر دور معائنه	6.6 كھلادوراه
) کھلادور معائنہ	5.6.1
) قصر دور معائنه	6.6.2

211	امالی مشیرز	7
ساكن كچھوں كى گھومتى مقناطىيى موج	7.1	
مشين كاسر كاواور گھومتى امواج پر تبعرہ	7.2	
ساكن كچھول ميں امالي برقى دياو	7.3	
ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباو	7.4	
گھومتے کچھوں کی گھومتے متناطبی دیاو کی موج ہے۔	7.5	
گھومتے کیچھوں کے مساوی فرضی ساکن کیچھے ۔	7.6	
المالي موشر كا مساوى برقى دور	7.7	
مىاوى برقى دورېرغور	7.8	
المالي موشر كا مسادى تقونن دوريارياضي نمونه	7.9	
پنجره نماامالی موٹر	7.10	
بے پوچھ موٹراور جامد موٹر کے معائنہ	7.11	
7.11.1 بي بوجه موثر كامعائنه		
7.11.2 جامد موثر کا معاتند		
رومشين	يك سمت	8
ميكاني ست كاركي بنيادى كاركروگى	8.1	
8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل		
يك ست جزيرً كابر تي د باو	8.2	
قوت مرور الله الله الله الله الله الله الله الل	8.3	
بير وني بيجان اور خود بيجان يك سمت جزير	8.4	
يک ست مشين کي کار کرد گي کے خط	8.5	
8.5.1 حاصل برقی د باو بالقابل برقی بوجھ		
8.5.2 رفتار بالمقابل قوت مرور شرور شرور شرور شرور شرور شرور شرور		
271	ئ	فرہنًا

# ديباجيه

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکتان میں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔ دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کر سکتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے تابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں کی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پھھ نہ کر سکتا تھا۔ میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور پول یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں کھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال سکتیکی الفاظ میں استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ سے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی اصطلاحات کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا قوامی نظامِ اکائی استعال کی گئ ہے۔اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گ۔

یہ کتاب Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نستعلق میں ککھی گئی ہے۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیز نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیز نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری برقیاتی پنۃ

khalidyousafzai@comsats.edu.pk

پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

میں یہاں عائشہ فاروق اور ان کے والد فاروق اعظم کا شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے اس کتاب کو بار بار پڑھا اور جھے مجبور کرتے رہے کہ میں اپنی اردو بہتر کروں۔ میں ڈاکٹر نعمان جعفری کا نہایت مشکور ہوں جنہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطلاح کرنے میں مدد کی۔ حرا خان اور ان کی والدہ عزرا برلاس نے مل کے کتاب کو درست کرنے میں مدد کی۔ یہاں میں اپنے شاگرد فیصل خان کا بھی شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے تکنیکی اصطلاحات چننے میں میری مدد کی۔

میں یہاں کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے الیمی سر گرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفر. ئي

2011 توبر 2011

# باب1

# بنيادي حقائق

اس کتاب میں مستعمل حقائق کو اس باب میں اکٹھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔ توقع کی جاتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توجہ رکھنا زیادہ آسان ہو گا۔

#### 1.1 بنيادي اكائيال

اس كتاب ميں بين الاقوامي نظام اكائي استعال كيا گيا ہے جس ميں كميت 2 كى اكائى كلوگرام، لمبائى كى اكائى ميٹر اور وقت كى اكائى سيكنڈ ہے۔

# 1.2 غيرسمتي

وہ متغیر جس کی مقدار (مطلق قیمت) اس کو مکمل طور پر بیان کرتی ہو غیر سمتے  $^{c}$  متغیر کہلاتا ہے۔ اس کتاب میں غیر سمتی متغیر کو سادہ طرز کی لکھائی میں انگریزی یا لاطینی زبان کے چھوٹے حروف لیعنی  $a,b,\alpha,\cdots$  یا بڑے حروف لیعنی  $A,B,\Psi,\cdots$  یا بڑے حروف لیعنی  $A,B,\Psi,\cdots$ 

International System Of Units, SI<sup>1</sup>

 $\mathrm{mass}^2$ 

scalar3

2 باب1. بنيادي حقائق



شكل 1.1: كارتيسي محد د

#### 1.3 سمتير

وہ متغیر جس کو مکمل طور پر بیان کرنے کے لئے اس کی مقدار (طول یا مطلق قیمت) اور سمت جاننا ضروری ہو، سمتیہ کہ انگریزی یا لاطینی زبان کے چھوٹے یا بڑے حروف، جن کو موٹے طرز کی لکھائی میں لکھا گیا ہو، کا طول ایک کے برابر ہو، اکائی سمتیہ <sup>5</sup> کہلائے گا۔ یہاں شکل 1.1 سے رجوع کرنا بہتر ہو گا۔ وہ سمتیہ جس کا طول ایک کے برابر ہو، اکائی سمتیہ <sup>5</sup> کہلائے گا۔ اس کتاب میں اکائی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے طرز کی لکھائی میں لکھا جائے گا، مثلاً اکائی سمتیہ و کہلائے گا۔ اس کتاب میں اکائی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے لکھتے ہوئے، زیر نوشت میں x، اس بات کی نشاندہی کرتا ہے کہ یہ اکائی سمتیہ خلاء کی تین عبودی سمتیہ کو ظاہر کرتے ہیں۔ اگر کی لکھائی سمتیہ کا طول اور اس کی سمت کو علیحدہ علیحدہ کھنا ہو تو اس کے طول کو ظاہر کرنے کے لئے سادہ طرز کی لکھائی ہوں۔ میں وہی حرف استعال کیا جائے گا جو اس سمتیہ کو ظاہر کرنے کے لئے، موٹے طرز کی لکھائی میں، استعال کیا گیا ہو۔ یعنی سمتیہ کا طول F کے طول کو خاہر کریا جائے گا۔ شکل میں سمتیہ کا طول F، چار کے برابر ہے۔ اگر کی سمتیہ کی سمت میں ایک اکائی سمتیہ بنایا جائے تو یہ اکائی سمتیہ اس سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے دیں، تو تو ہو کا رخ دائیں ہے اللہ سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ شکل 1.1 میں قوت F کا رخ دائیں ہے اللہ علی کرتا ہے۔ شکل 1.1 میں قوت F کا رخ دائیں ہے اللہ علی اور جو برابر ہوں گے۔

vector<sup>4</sup> unit vector<sup>5</sup> 3 1.4 محسد د



شكل 1.2: دائين باتھ كانظام

#### 1.4 محدد

اپیا طریقہ جس کے ذریعہ کسی نقطہ کا مقام متعین کیا جا سکے محدد کہلاتا ہے۔

خلاء تین بعدی (تین طرفه) 6 ہے للذاکس ایک نقطہ کے مقام کو تین محدد کی مدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اسی طرح خلاء میں سمتیہ کو تین عمودی اکائی سمتیوں کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔اب ہم ایسے چند محدد کے نظام دیکھتے

## 1.4.1 كار تيسى محددي نظام

شکل 1.1 میں خلاء کی دو ستوں کو اکائی سمتیات  $a_{
m x}$  اور  $a_{
m y}$  سے ظاہر کیا گیا ہے جو آپس میں عمودی ہیں، یعنی، ان کے بچچ °90 زاویہ ہے۔خلاء تین بعدی ہے لہذا اسے تین آپس میں عمودی اکائی سمتیاہے<sup>7</sup> سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان سمتوں کے رخ، طول (لمائیوں) کو x,y,z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ ان سے بخوتی واقف ہیں۔

دائیں ہاتھ کا انگوٹھا، شہادت کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ °90 زاویہ پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $a_{
m x}$  اور بڑی انگلی  $a_{
m y}$  کے رخ ہوں تب انگوٹھا  $a_{
m z}$  کے رخ ہو گا (شکل 1.2)۔ اس کئے ن. تین اکائی سمتیات کا یہ نظام دائی**ں ہاتھ کا** نظام <sup>8</sup> کہلاتا ہے۔

> three dimensional<sup>6</sup> orthonormal vectors<sup>7</sup> right handed coordinate system<sup>8</sup>

اب ١ بنيادي حسائق



شكل 1.3: كارتيسي محد د نظام ميں ايك سمتيه۔

مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو شکل 1.3 میں دکھایا گیا ہے جس کو کارتیہ محدد میں تین محدد کمیں تین محدد کی مدد سے

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

l

$$(1.2) A = xa_X + ya_Y + za_Z$$

لکھا جا سکتا ہے۔

1.3 کار تنیسی محددی نظام میں متغیر z صفر رکھتے ہوئے x,y تبدیل کرنے سے سطح xy ملتی ہے۔ یوں شکل xy میں محددی نظام میں متغیر xy کو زمین تصور کرتے ہوئے، ڈبے کی بالائی سطح xy جبکہ x کی قیمت صفر تا تین اور xy کی قیمت صفر تا جار ہو گی۔ اس طرح اس ڈبے کی بالائی سطح درج ذبل کھی جائے گی۔

متغیر z کو صفر اور تین کے درمیان ہر ممکن قیت پر رکھ کر x کو صفر اور دو جبکہ y کو صفر اور چار کے درمیان تبدیل کرنے سے شکل 1.3 میں دکھائے گئے ڈبے کا حجم حاصل ہو گا، للذا اس ڈبے کا حجم درج ذیل لکھا

cartesian coordinates<sup>9</sup>

5 1.4. محسد د



شكل 1.4: نلكي محد دي نظام

حائے گا۔

#### 1.4.2 نلكي محددي نظام

مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو شکل 1.4 میں دکھایا گیا ہے جس کو دو سمتیات کی مدد سے  $A = \rho + A_z$ (1.5)

يا

(1.6) 
$$A = \rho a_{\rho} + z a_{Z}$$

$$\lambda = \rho a_{\rho} + z a_{Z}$$

$$\lambda = \frac{2}{2} \sin \theta$$

$$\lambda = \rho \cos \theta, \quad y = \rho \sin \theta$$

ہے۔ یوں خلاء میں کسی بھی نقطہ کو اس کے تین متغیرات ho, heta, z سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔

وہ نظام جس میں متغیرات ho, heta, z کسی نقطہ کو متعین کرتے ہوں نلکھ محدد $^{10}$  کہلاتا ہے۔ یہاں شکل  $^{20}$  سے cylindrical coordinates  $^{10}$  باب ١. بنيادي حسائق



شكل 1.5: نلكي نمامحد د كي تعريف

رجوع کریں۔ نکی محددی نظام کے تین آپس میں عمودی اکائی سمتیات  $a_{
ho}, a_{ heta}, a_{
ho}$  ہیں۔ یہ نظام بھی دائیں ہاتھ کا نظام ہے لئیں آپس میں عمودی اکائی سمتیات  $a_{
ho}, a_{ heta}, a_{
ho}$  ہوئے اگر نظام ہے لہذا دائیں ہاتھ کا انگو ٹھا، شہادت کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ  $a_{
ho}$  پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $a_{
ho}$  کے رخ ہوں تب انگو ٹھا  $a_{
ho}$  کے رخ ہوگا۔

سطے xy میں مبدا پر، محدد x کے ساتھ  $\theta$  زاویہ پر اکائی سمتیہ  $a_{\rho}$  ہو گا۔ سطے xy میں مبدا پر اکائی سمتیہ  $a_{\theta}$  معودی، بڑھتے  $\theta$  رخ، اکائی سمتیہ  $a_{\theta}$  ہو گا۔ کارتیسی محدد کی نظام کا اکائی سمتیہ  $a_{Z}$  بی نگی محدد کا اکائی سمتیہ  $a_{Z}$  ہے۔

واضح رہے کہ نکی محدد کے نظام میں  $a_{
ho}$  اور  $a_{ heta}$  کی سمتیں ہر نقطہ پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل 1.6 میں دکھایا گیا ہے۔

مستوی xy میں (یعن z=0 لیتے ہوئے) مبدا پر مستقل رداس  $\rho=\rho_0$  کے سمتیہ کو صفر زاویہ پر رکھ کر زاویہ بتدر تک z=0 تک بڑھانے سے سمتیہ کی چونج مستوی z=0 میں ایک دائرہ پر چلتی ہے (شکل 1.7)۔ اب اس سمتیہ کے متغیر z=0 و تبدیل کرنے سے، مثلاً ہر z=0 پر z=0 و صفر تا تین کرنے سے، یہ سمتیہ ایک نکلی بنائے گا۔ اسی وجہ سے اس نظام کو نکلی محدد کہتے ہیں۔ سمتیہ کے تینوں متغیرہ تبدیل کرنے سے نکلی کا حجم ملے گا۔ اگلی تین

7 1.5 سمتيەرقس



شكل $a_{
ho}$ : نكى محد دمين اكائى سمتيات  $a_{
ho}$ اور  $a_{
ho}$  بر نقطه پر مختلف ہيں۔

مساوات ان حقائق کو پیش کرتی ہیں۔

(1.7) 
$$\delta \dot{\beta} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ z = 0 \end{cases}$$

سطح پر کھڑا اکائی سمتیہ سطح کا رخ دیتا ہے (شکل 1.8)۔ چونکہ کسی بھی سطح کے دواطراف ہوتے ہیں للذا اس کے دو مخالف رخ بیان کیے جا سکتے ہیں۔عموماً مسلم کو مد نظر رکھتے ہوئے ان میں سے ایک رخ کو سطح کا رخ تصور کیا جاتا 8 باب، بنيادي حت أق



شکل 1.7: نلکی محد د میں دائر ہاور نلکی



$$\mathbf{A}_1 = A_1 \mathbf{a}_{A1} = wl\mathbf{a}_z$$
$$\mathbf{A}_2 = A_2 \mathbf{a}_{A2} = wh\mathbf{a}_y$$

شكل 1.8: سمتيه رقبه كاتعارف

ہے۔ البتہ بند سطح، مثلاً گیند، کے بیرونی رخ کو ہی سطح کا رخ تصور کیا جاتا ہے۔ شکل 1.8 میں بالائی سطح  $A_1$  کا رقبہ  $A_2$  اور اس کا رخ  $a_2$  ہے لہذا  $A_1$  سمتیہ کا طول  $A_1$  اور رخ  $a_2$  ہو گا:

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_{Z}$$

يوں بالائي سطح کا سمتی رقبہ درج ذیل ہو گا۔

$$\mathbf{A_1} = A_1 \mathbf{a_{A1}} = w l \mathbf{a_z}$$

ای طرح دائیں سطح  $A_2$  سمتیہ کا طول  $A_2$  اور اس کا رخ  $a_{A2}$  ہے

$$A_2 = wh$$

$$a_{A2} = a_{y}$$

للذا درج ذيل هو گا۔

(1.11) 
$$A_2 = A_2 a_{A1} = wha_y$$

1.6 رقب عب ودي تراسش



شكل 1.9:رقبه عمودي تراش

نجی سطح کا رقبہ  $A_3=w$  اور اس کا رخ  $a_z$  کے مخالف ہے لہذا درج ذیل ہو گا۔

(1.12) 
$$A_3 = A_3 a_{A3} = wl(-a_z) = -wla_z$$

دھیان رہے کہ رقبہ کی مقدار ہر صورت مثبت ہو گی البتہ اس کا رخ مثبت یا منفی ہو سکتا ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتیہ کے لئے درست ہے لہذا کسی بھی سمتیہ کا طول ہر صورت مثبت ہی ہو گا جبکہ اس کا رخ مثبت یا منفی ہو سکتا ہے۔

### 1.6 رقبه عمودی تراش

سلاخ کی لمبائی کے ساتھ زاویہ قائمہ پر کٹائی کو عمودی تراثی  $^{11}$  کہتے ہیں اور عمودی تراش کے رقبہ کو رقبہ عمودی تراثی  $^{12}$  کہتے ہیں۔ شکل 1.9 میں سلاخ کی لمبائی  $^{12}$  رخ ہے اور رقبہ عمودی تراش  $^{12}$  کی مقدار  $^{12}$  ہے

$$(1.13) A = wh$$

لهذا رقبه عمودی تراش کا رخ  $a_{
m y}$  ہو گا:

$$a_A = a_y$$

شکل 1.9 میں اکائی سمتیات  $a_y$  اور  $a_z$  د کھائے گئے ہیں جن کے ابتدائی نقاط پر گول دائرہ میں بند ایک نقطہ د کھایا گیا ہے۔ گول دائرہ میں بند نقطہ صنحہ کے عمودی (کتاب سے باہر) رخ  $a_x$  ظاہر کرتا ہے جس کے مخالف رخ (صنحہ کے عمودی اندر) کو گول دائرہ میں بند صلیب کی نشان سے ظاہر کیا جائے گا۔

 $<sup>{\</sup>rm cross\ section^{11}} \\ {\rm cross\ sectional\ area^{12}} \\$ 

با\_\_\_1 بنسادی حتسائق 10

# ىرقى اور مقناطىسى مىدان

#### 1.7.1 ىرقى مىدان اورىرقى مىدان كى شدت

کولمھے کے قانور نے <sup>13</sup> کے تحت برقیر مار <sup>14</sup> سے لدے جسموں کے در میان قوت کشش <sup>15</sup> یا قوت دفع <sup>16</sup> ان اجسام پر  $q_1$  بالا مرب کے راست متناسب اور باہمی فاصلہ کے مربع کے بالعکس متناسب ہوتی ہے۔ یوں بار  $q_1$ اور  $q_2$  جن کے درمیان فاصلہ r ہو کے نیچ قوت F درج ذیل ہو گا جہاں  $\epsilon$  18 برقی مستقل ہے۔

(1.15) 
$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

ایک برقی بارے قریب دوسرا برقی بار لانے سے (پہلے اور) دوسرے برقی باریر کشش با دفع کی قوت عمل کرے گی جس کا تغین قانون کولمپ سے ہوتا ہے۔ دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بار سے آہشہ آہشہ دور کرنے سے قوت کشش یا دفع بتدر تئے تم ہوتی ہے جو ایک خاص فاصلے کے بعد تقریباً صفر ہو حاتی ہے اور دوسرا باریہلے بار کے حلقہ اثر سے باہر ہو جاتا ہے۔ یہ حلقہ برقمہ میدارمز کہلاتا ہے۔ برقی میدان کسی ایک باریا متعدد باروں کی وجہ سے ہو سکتا ہے۔

تعریف: کسی بار کے برقی میدان سے مراد بار کے اِرد گرد وہ حلقہ ہے جس میں اس کا برقی اثر محسوس کیا جاتا

برتی میدان میں اکائی مثبت بار پر قوت اس مقام پر برقے میدال کی شدے E E کی مطلق قیت ) دیگا جبکہ اکائی بارپر قوت کا رخ برقی میدان کا رخ دیگا۔ برقی میدان کی شدت کی اکائی وولئے فہر میڑ<sup>20</sup> ہے۔

Coulomb's law<sup>13</sup>

electric charge<sup>14</sup>

attractive force<sup>15</sup> repulsive force<sup>16</sup>

 $<sup>{\</sup>rm charge}^{17}$ 

electric constant, electric permittivity  $^{18}$ 

electric field intensity<sup>19</sup>

 $V/m^{20}$ 

1.8. سطحي اور حجمي كثافت.

قانون کولمب (مساوات 1.15) سے Q بار کے برقی میدان کی شدت کی مطلق قی ت حاصل کرتے ہیں۔بار Q اور اکائی بار (ایک کولمب بار) کے چھ قوتِ کشش یا قوتِ د فع

$$(1.16) F = \frac{Q \times 1}{4\pi\epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شدت کی مطلق قیت ہو گی:

$$(1.17) E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

دو باروں کے مابین قوت کشش یا قوت دفع کا رخ ان کے درمیان کھینچی گئی سیدھی کلیر پر ہو گا۔

## 1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت

متناطیعی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدھے 21 بالترتیب بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طرح ہیں۔ تعریف : کسی مقناطیس کے مقناطیسی میدان سے مراد مقناطیس کے اِرد گرد وہ علقہ ہے جس میں اس کا مقناطیسی اثر محسوس کیا جاتا ہو۔

# 1.8 سطى اور حجمى كثافت

## 1.8.1 سطحي كثافت

اکائی رقبہ کی سطح پر کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی سطح کثافت $^{22}$  کہتے ہیں۔ یوں رقبہ A پر کسی چیز کی کل مقدار  $\phi$  ہونے کی صورت میں اس کی اوسط سطحی کثافت  $\phi$  ہونے کی صورت میں اس کی اوسط سطحی کثافت  $\phi$ 

$$(1.18) B_{b-1} = \frac{\phi}{A}$$

 $\begin{array}{c} {\rm magnetic~field~intensity^{21}} \\ {\rm surface~density^{22}} \end{array}$ 

اب ابنيادي حسائق

اس مساوات سے

$$\phi = B_{\mathsf{level}} A$$

لکھا جا سکتا ہے جو کسی سطح پر ایک متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہونے کی صورت میں سطح پر متغیرہ کی کل مقدار دیتی ہے۔

غیر یکسال متغیرہ کی صورت میں سطحی کثافت جگہ جگہ مختلف ہو گی۔ ایسی صورت میں اتنے جھوٹے رقبے پر، جس میں متغیرہ کو یکسال تصور کیا جا سکتا ہو، سطحی کثافت

$$(1.20) B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

ہو گی جہاں  $\Delta A$  چھوٹا رقبہ اور  $\Delta \phi$  اس رقبے پر متغیرہ کی چھوٹی مقدار ہے۔ اس چھوٹے رقبہ کو نقطہ مانند کرنے سے نقطی کثافت

$$(1.21) B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

حاصل ہو گی جس کو

$$d\phi = B \, dA$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں نقطی کثافت جانتے ہوئے ایک نقطہ کے چھوٹے رقبہ پر متغیرہ کی کل (چھوٹی) مقدار معلوم کی حاسکتی ہے۔

یوں ایک برتی تار جس کا رقبہ عمودی تراش A اور جس میں برتی روI کی اوسط کثافت ِ برتی رو درج ذیل ہوگی۔  $\rho_{bul} = \frac{I}{A}$  (1.23)

## 1.9 محجمي كثافت

m اکائی حجم میں کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی حجم کافٹ کہتے ہیں۔ یوں اگر کسی چیز کا حجم H اور اس کی کمیت H ہو تب اس کی اوسط ( کمیت ) حجمی کثافت درج ذیل ہو گی۔

$$\rho_{\text{local}} = \frac{m}{H}$$

غیر یکسال کمیت کی صورت میں جم میں مختلف مقامات پر کمیت مختلف ہو گا۔ ایک صورت میں اتنا جھوٹا جم لیتے ہوئے جس میں کمیت کو یکسال تصور کیا جا سکتا ہو، حجمی کثافت درج ذیل ہو گی۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta H}$$

اس چھوٹے جم کو نقطہ مانند بنانے سے درج ذیل نقطی حجمی کثافت لکھی جا سکتی ہے۔

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}H}$$

بول

$$dm = \rho \, dH$$

ہو گا للذا نقطی محجمی کثافت جانتے ہوئے ایک چھوٹے حجم کی (چھوٹی) کمیت حاصل کی جاستی ہے۔

## 1.10 صليبي ضرب اور ضرب نقطه

دو غیر سمتی متغیرات کا حاصل ضرب غیر سمتی متغیر ہوتا ہے جبکہ دو سمتیات کا حاصل ضرب سمتی یا غیر سمتی ہو سکتا ہے۔ان دواقسام کے ضرب پریہاں غور کیا جائے گا۔

#### 1.10.1 صليبي ضرب

دو سمتی متغیرات کا ایسا ضرب جو سمتی متغیر دیتا ہو صلیبی ضربے 23 کہلاتا اور درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

$$(1.28) C = A \times B$$

صلیبی ضرب میں ضرب کے نشان کو صلیب کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کی بنا اس کو صلیبی ضرب کہتے ہیں۔

 $<sup>{</sup>m cross\ product}^{23}$ 

اب ١٠ بنيادي حسائق

حاصل ضرب سمتیہ *C* کی مقدار

(1.29) 
$$C = |C| = |A||B| \sin \theta_{AB}$$
$$= AB \sin \theta_{AB}$$

ہے جہاں  $\theta_{AB}$  ان کے مابین زاویہ ہے۔اس حاصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے حاصل کی جاتی ہے۔ یوں دائیں ہاتھ کا انگوٹھا، شہادت کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ  $90^\circ$  زاویہ پر رکھتے ہوئے، شہادت کی انگلی کو Aکی انگلی کو Aکی رخ رکھنے سے انگوٹھا Cکی انگلی کو سمتیہ A اور بڑی انگلی کو Aکے رخ رکھنے سے انگوٹھا Cکا رخ دیگا۔

### مثال 1.1: درج ذیل ضرب صلیبی حاصل کریں۔

- $oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{Y}} = oldsymbol{a}_{ ext{Y}} imes oldsymbol{a}_{ ext{Z}} = oldsymbol{a}_{ ext{Z}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} = oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} o$
- $oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{
  ho} imes oldsymbol{a}_{ heta} = oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{
  ho} oldsymbol{\bullet}$

حل: اس مثال میں سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے للذا درج ذیل ہوں گے۔

- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$
- $\boldsymbol{a}_{\text{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\text{X}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\text{Y}} = \boldsymbol{a}_{\text{Y}}$  •
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$  •
- چونکہ دونوں سمتیات کے رخ ایک جیسے ہیں لہذا ان کے مابین زاویہ صفر ہو گا۔ صفر زاویہ کا سائن بھی صفر ہوتا ہے،  $\sin 0 = 0$ ۔ یوں ان دو سمتیات کا ضرب صلیبی صفر ہو گا۔  $a_{\rm y} \times a_{\rm y} = (1)(1)\sin 0 = 0$ 
  - $\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}}$  •
  - $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta}$

مثال 1.12 شکل 1.10 میں چار نیوٹن کی قوت F محور سے تین میٹر کی سمتی فاصلہ L پر لاگو ہے جس کی مثال 1.2 شکل میں دی گئی ہے۔اس قوت کی قوت مروڑ حاصل کریں۔ حل: قوت مروڑ T کی تعریف درج ذیل ہے۔  $T = L \times F$ 

کار تیسی نظام میں بیہ سمتی فاصلہ

 $(1.31) L = L\sin\theta a_{X} - L\cos\theta a_{Y}$ 

ہو گا للذا

 $T = (L\sin\theta a_{X} - L\cos\theta a_{y}) \times Fa_{y}$   $= L\sin\theta a_{X} \times Fa_{y} - L\cos\theta a_{y} \times Fa_{y}$   $= LF\sin\theta a_{z}$ 

ہو گا جہاں بچپلی مثال کی مدد سے  $a_{
m z}=a_{
m z}$  اور  $a_{
m y} imes a_{
m y}=a_{
m z}$  ہو گا جہاں بچپلی مثال کی مدد سے  $a_{
m z}=a_{
m z}$  اور  $a_{
m y} imes a_{
m y}=a_{
m z}$  اور  $a_{
m z} imes a_{
m z}=12\sin\theta a_{
m z}$  N m

اس مثال میں  $\theta - \sin \alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$  ہوتا ہے لہذا  $\alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$  ہوتا ہے لہذا ہیں مثال میں کو درج ذیل بھی کھا جا سکتا ہے۔

 $T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$  $= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$ 

یمی جواب ضرب صلیبی کی تعریف یعنی مساوات 1.29 اور دائیں ہاتھ کے قانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔

1.10.2 نقطی ضرب

رو سمتی متغیرات کا ایبا حاصل ضرب جو غیر سمتی متغیر ہو نقطی ضربے  $^{24}$  کہلاتا ہے جو درج ذیل لکھا جاتا ہے۔  $C=A\cdot B$ 

 ${\rm dot\ product^{24}}$ 

ابب،بنيادي حتائق



شكل 1.10: كارتيسى نظام ميں قوت مروڑ كاحل

نقطی ضرب میں ضرب کے نشان کو نقطہ کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کی بنا پر اس کا نام نقطی ضرب ہے۔

نقطی ضرب کی مقدار درج ذیل ہو گی

(1.33) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{C} &= \boldsymbol{A} \cdot \boldsymbol{B} \\ &= |\boldsymbol{A}| |\boldsymbol{B}| \cos \theta_{AB} \\ &= AB \cos \theta_{AB} \end{aligned}$$

جہال  $\theta_{AB}$  ان سمتیات کے نیج زاویہ ہے۔

مثال 1.3: مندرجه ذیل نقطی ضرب حاصل کریں۔

$$a_{\mathrm{X}} \cdot a_{\mathrm{X}} - a_{\mathrm{y}} \cdot a_{\mathrm{y}} - a_{\mathrm{z}} \cdot a_{\mathrm{z}} \bullet$$

$$oldsymbol{a}_{ extsf{X}} \cdot oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} \cdot oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} = oldsymbol{a}_{
ho} \cdot oldsymbol{a}_{
ho} \cdot oldsymbol{a}_{
ho} = oldsymbol{a}_{
ho$$

حل: اس مثال میں سب سمتیات اکائی ہیں۔ اکائی سمتیہ کا طول ایک (1) کے برابر ہوتا ہے:

$$a_{x} \cdot a_{x} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{\rm V} \cdot a_{\rm V} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_z \cdot a_z = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{X} \cdot a_{V} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$a_{\rm V} \cdot a_{\rm Z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \cdot \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1 \bullet$$



شكل 1.11: كارتيسي نظام ميں كام

 $a_{\rho} \cdot a_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$ 

مثال 1.4: شکل 1.11 میں قوت F ایک بوجھ کو دھکیل رہی ہے۔ سمتی فاصلہ L طے کرنے پر قوت کتنا کام کر پکی ہوگی۔

حل: کام W کی تعریف درج ذیل ہے۔

$$(1.34) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{L}$$

كار تيسى نظام مين سمتى فاصله

$$(1.35) L = L\cos\theta a_{X} + L\sin\theta a_{Y}$$

ہو گا۔ یوں درج ذیل ہو گا

(1.36) 
$$W = (F\boldsymbol{a}_{X}) \cdot (L\cos\theta\boldsymbol{a}_{X} + L\sin\theta\boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta(\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{X}) + FL\sin\theta(\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta$$

جہاں پچھلی مثال کی مدد سے  $a_{\rm X}\cdot a_{\rm X}=0$  اور  $a_{\rm X}\cdot a_{\rm Y}=0$  کے ہیں۔ یہی جواب نقطی ضرب کی تعریف، مثال کی مدد سے 1  $a_{\rm X}\cdot a_{\rm X}=1$  مساوات 1.33، سے با آسانی حاصل ہوتا ہے۔

اب ١. بنيادي حسّائق

#### 1.11 تفرق اور جزوی تفرق

مساوات 1.37 میں ایک تفاعل کا تفرق  $^{25}$  دیا گیا ہے، جس میں  $B_0$  ایک مستقل ہے، جبکہ مساوات 1.38 میں ایک تفاعل کا جرور تفرق  $^{26}$  دیا گیا ہے۔

(1.37) 
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

$$\frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

(1.38) 
$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x} dx + \frac{\partial W}{\partial \lambda} d\lambda$$

# 1.12 خطى تكمل

ماوات 1.39 میں ایک تفاعل  $B(\theta)$  دیا گیا ہے جے شکل 1.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس کا طول موج  $2\pi$  ریڈیئن ہے۔

$$(1.39) B_0 \cos \theta$$

ہم  $-\pi/2 < \theta < \pi/2$  پر اس تفاعل کی اوسط قیمت تلاش کرتے ہیں۔

(1.40) 
$$B_{k',l} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

اس طرح ہم  $B^2$  کی اوسط تلاش کرتے ہیں۔ $\pi/2 < \theta < \pi/2$  کی اوسط تلاش کرتے ہیں۔

(1.41) 
$$B_{k,j}^{2} = \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2}\theta \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{2}$$

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm differentiation^{25}} \\ {\rm partial~differentiation^{26}} \\ {\rm wavelength^{27}} \end{array}$ 

1.1.3 سطح تحمل



شكل 1.12: كوسائن موج

تفاعل کے مربع کی اوسط کا جذر نہایت اہم قیمت ہے جو تفاعل کی موڑ  $^{28}$  قیمت کہلاتی ہے اور جسے مہڑ B کھھا جاتا ہے۔

(1.42) 
$$B_{\mu\nu} = \sqrt{B_{\mu\nu}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

یہ ایک بہت اہم متیجہ ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا چاہئے۔ یہ مساوات ہر سائن نما تفاعل کے لئے درست ہے۔ کسی متغیرہ کے مربع کی اوسط کا جذر اس متغیرہ کی موڑ<sup>29</sup> قیت کہلاتی ہے۔

# 1.13 سطى تكمل

فرض کریں شکل 1.13 میں نکلی کے بیرونی سطح پر سطحی کثافت، B، کی قیمت مساوات 1.39 دیتی ہے۔ ہم آدھے بیرونی سطح، زاویہ  $\pi/2$  تا  $\pi/2$ ، کے نیج اس کی کل مقدار  $\phi$  معلوم کرتے ہیں۔اس سطح میں نکلی کے سر شامل نہیں ہیں۔

ہم نکی کے بیرونی سطح پر خطہ abcd لیتے ہیں جس کی چوڑائی  $\rho\Delta\theta$ ، کمبائی I اور رقبہ  $\Delta A$  ہے۔ $\Delta A$  کو نہایت  $\Delta B$  ماتھ تبدیل نہیں ہوتی  $\Delta B$  ماتھ تبدیل نہیں ہوتی  $\Delta B$  ماتھ تبدیل نہیں ہوتی  $\Delta B$  اور کل  $\Delta B$  ورج ذیل ہوگا۔

rms, root mean square<sup>28</sup> effective<sup>29</sup>

باب،بنيادي حسائق



شکل 1.13: نکلی کی بیرونی سطح پر متغیرہ کا تکمل کل مقدار دے گا۔

(1.43) 
$$\phi = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} d\phi = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} (B_0 \cos \theta) (\rho l \, d\theta)$$
$$= B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho$$

مساوات 1.43 میں نحیلا حد  $(-\pi/2-lpha)$  اور بالائی کا حد  $(\pi/2-lpha)$  کینے سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(1.44) 
$$\phi(\alpha) = B_0 l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \alpha}^{\frac{\pi}{2} - \alpha} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho \cos \alpha$$

نگی کے بیرونی نصف سطح پر  $\phi(\alpha)$  کی عمومی قیت مساوات 1.44 دیتی جو  $\alpha$  پر منحصر ہے۔ یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ مساوات ہے۔ مساوات 4.44 میں  $\alpha=0$  پر کرنے سے مساوات 1.43 حاصل ہوتا ہے۔

#### 1.14 دوری سمتیه

 $^{30}$ سائن نما امواج جن کی تعدد معین ہو کو دور کی سمتیہ سے ظاہر کرنا مفید ثابت ہوتا ہے۔ مساوات یولر  $A_0e^{\mp j(\omega t + \phi)} = A_0\cos(\omega t + \phi) \mp j\sin(\omega t + \phi)$ 

Euler's equation<sup>30</sup>

1.14 دوري سمتي



شکل1.14: دوری سمتیه

کی مدد سے کوسائن موج درج ذیل لکھی جاسکتی ہے۔

(1.46) 
$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left( e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

اس سے ثابت ہوتا ہے کہ کوسائن موج دراصل دو مخلوط اعداد کا مجموعہ ہے۔ مساوات پولر ایک مخلوط عدد کو ظاہر کرتا ہے جس کے دو جزو ہیں۔ اس کا ایک جزو حقیقی عدد ہے اور اس کا دوسرا جزو فرضی عدد ہے۔ اس کا حقیقی جزو کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہذا ایک کوسائن موج  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  یا  $A_0e^{-j(\omega t+\phi)}$  کا حقیقی جزو ہوتا ہے۔ رسمی طور پر سائن نما امواج کو  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کو مختصراً  $A_0e^{j\phi}$  یا  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  کسا جو دوری سمتیہ کا طول  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  اور افقی کلیر کے ساتھ زاویہ  $\phi$  ہے۔

دوری سمتیہ استعال کرتے وقت آپ کو یہ ذہن میں رکھنا ہو گا کہ یہ در حقیقت ایک کوسائن موج ہے جس کا حیطہ  $A_0$  ، زاویائی فاصلہ  $\phi$  اور زاویائی تعدد  $\omega$  ہے۔

اس کتاب میں دوری سمتیات کو سادہ طرز لکھائی میں انگریزی کے بڑے حروف جن پر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا۔ یوں برقی کیا جائے گا۔ یوں برقی

 ${\rm phasor}^{31}$ 

با\_\_\_1 بنسادی حتسائق 22

وباو  $v=20\cos(\omega t+\frac{\pi}{3})$  وباو  $v=20\cos(\omega t+\frac{\pi}{3})$ 

$$v = 20\cos\left(\omega t + \frac{\pi}{3}\right)$$
 
$$\hat{V} = 20e^{j\frac{\pi}{3}}$$
 
$$\hat{V} = 20/\frac{\pi}{3}$$
 
$$V = 20$$

اس مساوات میں پہلا جزو ایک عام کوسائن موج ہے جس کو دوسرے جزو میں دوری سمتیہ کی صورت میں لکھا گیا ہے۔ تیسرا اس دوری سمتیہ کا طول اور چوتھا اس کا زاویہ بتلا رہا ہے۔

دوری سمتیات کو عام سمتیات کی طرح ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس مساوات میں  $\hat{V}$  کا طول 20 اور افقی کیبر سے زاویہ 🧸 ریڈیٹن ہے۔زاویہ کو افقی کئیر سے گھڑی کے مخالف رخ نایا جانا ہے۔افقی کئیر سے گھڑی کے رخ منفی زاویہ ہو گا۔ شکل 1.14 میں اس  $\hat{V}$  کے علاوہ چند دوسرے دوری سمتیات بھی دکھائے گئے ہیں۔

برقی ادوار میں عموماً برقی دیاو  $\hat{V}$  کی نسبت سے برقی رو  $\hat{I}$  کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔شکل  $\hat{V}$  میں  $\hat{I}$  تیس درجہ برقی دباو سے آگے ہے جبکہ  $\hat{I}_2$  بینتالیس درجہ برقی دباو کے پیھے ہے۔ہم کہتے ہیں  $\hat{I}_1$  تیس درجہ پیش زاویہ  $^{32}$ جبکہ  $\hat{I}_2$  بینتالیس درجہ تاخیرہ زاویہ 33 پر ہے۔ یوں  $\hat{I}_2$  پیش رو جبکہ  $\hat{I}_3$  تاخیری رو کہلاتے ہیں۔ دو دوری سمتیات کے  $\hat{y}$  زاویے کو زاواکی فرور $\hat{y}$  کہتے ہیں للذا  $\hat{y}$  اور  $\hat{y}$  میں °75 زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔ یہاں دھیان رہے کہ شکل  $\hat{y}$ 1.14 میں °45 مثبت لکھا گیا ہے۔ چونکہ یہ افقی ککیر سے زاویہ ناپنے کے الٹ رخ بے للذا یہ ایک منفی زاویہ ہے۔

طاقت  $p=V_0I_0\cos heta$  ہو گا جہاں  $\cos heta$  کو جزوطاقتے $^{35}$  اور heta کو زاویہ جزوطاقتے $^{36}$  کہتے ہیں۔ اس طرح تاخیرہ زاویہ کی صورت میں  $\cos heta$  کو تاخیر کیر جزوطاقتے  $^{37}$  اور پیژیر زاویہ کی صورت میں  $\cos heta$  کو پیژیر جزوطاقتے  $^{38}$  کہتے ہیں۔

آئیں دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے ایک سادہ برقی دور حل کرتے ہیں۔ یوں دوری سمتیات سے وابستگی پیدا ہو گی اور ان کا استعال بھی سکھ لیں گے۔

leading angle<sup>32</sup>

lagging angle<sup>33</sup>

phase difference<sup>34</sup> power factor<sup>35</sup>

power factor angle<sup>36</sup>

lagging power factor<sup>37</sup>

leading power factor<sup>38</sup>

23 1.14. دوری سمتیه



شکل 1.15 دوری سمتیات کی مد دسے RL دور کاحل

$$v(t)=V_0\cos(\omega t+\alpha)$$
 بازه  $\hat{V}=V_0\cos(\omega t+\alpha)$  بازه  $\hat{V}=V_0\cos(\omega t+\alpha)$   $\hat{V}=V_0\cos(\omega t+\alpha)$ 

دوری سمتیات کی استعال سے ہم برقی رو  $\hat{I}$  معلوم کرتے ہیں

(1.49) 
$$\hat{I} = \frac{\hat{V}}{R + jX} = \frac{V_{0/\alpha}}{|Z|/\phi_Z}$$

$$= \frac{V_0}{|Z|}/\alpha - \phi_Z = I_0/\alpha - \phi_Z$$

(1.50)

جہال 
$$rac{X}{R} = an^{-1} rac{X}{R}$$
 رکاوٹ کا زاویہ اور  $rac{V_0}{|Z|}$  ہیں۔یوں برقی رو درج ذیل ہو گا۔

(1.50) 
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$I(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$I(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

single phase<sup>39</sup>

باب 1. بنيادي حت اَتَ باب 1. بنيادي حت اَتَ

# إب2

# مقناطيسى ادوار

# 2.1 مزاحمت اور ہچکچاہٹ

شکل 2.1 میں ایک سلاخ و کھائی گئی ہے جس کی لمبائی کے رخ مزاحمہا

$$(2.1) R = \frac{l}{\sigma A}$$

 $\mu$  ررج و گل جہال  $\sigma$  موصلیتے  $^2$  اور A=wh رقبہ عمودی تراش ہے۔ اس سلاخ کی بھیکھا ہے  $^3$  ورج و بل ہے جہال م



شكل 2.1:مزاحمت اور جيكيا ہٹ

resistance<sup>1</sup> conductivity<sup>2</sup>

ا\_\_\_2. مقت طبیبی اووار

مقناطبیر متقل 4 کہلاتا ہے۔

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$

مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو عموماً خلاء کی مقناطیسی مستقل مستقل  $\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,rac{ ext{H}}{ ext{m}}$  متناطیسی مستقل مستقل الماء کی مقناطیسی مستقل مستقل مستقل الماء کی مستقل مس

$$\mu = \mu_r \mu_0$$

جبال  $\mu_r$  برومقناطیسی متقل کہلاتا ہے۔ ایکچاہٹ کی اکائی ایمپیر - چکر فی ویبر ہے جس کی وضاحت جلد کی جائے گی۔

 $\mu_r=10\,\mathrm{cm}$  مثال  $\mu_r=2000$  مثال المراجع بين معاون

حل:

$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,044\,\mathrm{A}\cdot\mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

# 2.2 کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت

 $^{5}$  گل 2.2 میں ایک موصل سلاخ کے سروں پر برتی دیاو v لاگو کیا گیا ہے۔سلاخ میں برتی روi اوہم کے قانون  $^{5}$  ہے حاصل ہو گا۔

$$(2.4) i = \frac{v}{R}$$

\_\_\_\_\_

 $\begin{array}{c} {\rm reluctance^3} \\ {\rm permeability,\ magnetic\ constant^4} \\ {\rm Ohm's\ law^5} \end{array}$ 



شكل 2.2: كثافت برقى رواور برقى د باوكى شدت

درج بالا مساوات كو مساوات 2.1 كى مدد سے

$$(2.5) i = v\left(\frac{\sigma A}{l}\right)$$

لعيني

$$\frac{i}{A} = \sigma\left(\frac{v}{l}\right)$$

يا

$$(2.7) J = \sigma E$$

کھا جا سکتا ہے جہاں J اور E کی تعریفات درج ذیل ہیں۔

$$(2.8) J = \frac{i}{A}$$

$$(2.9) E = \frac{v}{l}$$

شکل 2.2 میں سمتیہ J کی مطلق قیت J اور سمتیہ E کی مطلق قیت E لیتے ہوئے مساوات 2.7 کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے

$$(2.10) J = \sigma E$$

جو قانون اوہم کی دوسری روپ ہے۔ J اور E دونوں کا رخ  $a_{
m y}$  ہے۔

28 باب\_2. مقت طبيسي ادوار

شکل 2.2 سے ظاہر ہے کہ برقی رو i سلاخ کے رقبہ عمودی تراش A سے گزرتا ہے للذا مساوات 2.8 کے تحت I کا فیضے برقی روI ہو گا۔ ای طرح مساوات 2.9 سے واضح ہے کہ I برقی دباو فی اکائی لمبائی کو ظاہر کرتی ہے للذا I کو برقی میدان کی شدھے کہتے ہیں۔ I کو برقی میدان کی شدھے کہتے ہیں۔ I

بالكل اى طرح كى مساواتين مقناطيسى متغيرات كے لئے حصد 2.5 ميں لكھى جائيں گی۔

### 2.3 برقی ادوار

 $\sigma=5.9\times10^7\,rac{\mathrm{S}}{\mathrm{m}}$  رقی دور میں برقی دباوہ  $v^8$  وجہ سے برقی رووا  $v^8$  اللہ ہوتا ہے۔ تانباکی موصلیت کی مقدار بہت بڑی مقدار ہے۔ موصلیت کی اکائی  $v^8$  ہے۔ تانباکی موصلیت کی مقدار بہت بڑی ہونے کی بنا اس سے بنی تارکی مزاحمت  $v^8$  عموماً قابل نظرانداز ہو گی۔ تار میں برقی رو  $v^8$  گرزنے سے تارکے سروں کے نیج برقی دباو بنی تارکی مزاحمت  $v^8$  بیدا ہو گا جس کو  $v^8$  کی بنا نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں تانبے کی تار میں برقی دباو کے گھٹاو کو رو کیا جا سکتا ہے۔ یون تانبے کی تار میں برقی دباو کے گھٹاو کو رو کیا جا سکتا ہے۔ یعنی ہم  $v^8$  کی حکم کے سکتے ہیں۔

شکل 2.3-الف میں ایک ایسا ہی برقی دور دکھایا گیا ہے جس میں تانبے کی تارکی مزاحمت کو اکٹھے کر کے ایک ہی جگہ <sub>تار</sub>R دکھایا گیا ہے۔اس دور کے لئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$(2.11) v = \Delta v + v_L$$

تار میں برقی گھٹاو  $\Delta v$  نظرانداز کرتے ہوئے

$$(2.12) v = v_L$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کا مطلب ہوا کہ تار میں برقی دباو کا گھٹاو قابل نظرانداز ہونے کی صورت میں لا گو برقی دباو کا توں مزاحمت  $R_L$  تک پنچتا ہے۔ برقی ادوار حل کرتے ہوئے یہی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار میں برقی دباو کے نظرانداز کیا جاتا ہے۔شکل 2.3-الف میں ایسا کرنے سے شکل 2.3-ب حاصل ہوتا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ برقی تار کو اس غرض سے استعال کیا جاتا ہے کہ لا گو برقی دباو کو مقام استعال تک بغیر گھٹائے پہنچایا جائے۔

2.3. برتی ادوار



شكل 2.3: برقى ادواريس برقى تاركى مزاحت كو نظرانداز كياجاسكتا ہے۔



شکل 2.4: کم مزاحمتی راه میں برقی رو کی مقدار زیادہ ہو گی۔

يا\_\_2,مقت طيسي ادوار



شكل 2.5: مقناطيسي دور

شکل 2.4 میں دوسری مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برقی رواس راہ زیادہ ہو گا جس کی مزاحمت کم ہو۔ یول  $R_1 < R_2$  کی صورت میں  $i_1 > i_2$  ہو گا۔

### 2.4 مقناطیسی دور حصه اول

current density<sup>6</sup>

electric field intensity<sup>7</sup>

electric voltage $^8$ 

<sup>9</sup> بر تی دیاد کی اکائی وولٹ ہے جواٹلی کے الیانڈر ووولٹا کے نام ہے جنہوں نے برتی بیٹری ایجاد کی۔ . . .

electric current<sup>10</sup>

<sup>11</sup> بر قی رو کی اکائی ایمپیئر ہے جو فرانس کے انڈر میر ایمپیئر کے نام ہے جن کا برقی و مقناطیسی میدان میں اہم کر دار ہے۔

copper 12

<sup>13</sup> مزاحت کی اکائی اوہم ہے جو جر منی کے جارج سائن اوہم کے نام ہے جنہوں نے قانون اوہم دریافت کیا۔

magnetomotive force, mmf<sup>14</sup>

 $flux^{15}$ 

 $<sup>\</sup>rm reluctance^{16}$ 

2.4 مقت طیسی دور حصیه اول

اوہم کے قانون کی طرح، درج ذیل مساوات سے حاصل ہو گا۔

$$\tau = \phi \Re_a$$

جہاں  $\Re_c$  قابل نظرانداز ہو وہاں، سلسلہ وار مزاحمتوں کی طرح، دو سلسلہ وار بچکچاہٹوں کا مجموعی بچکچاہٹ  $\Re_c$  استعال کر کے برتی بہاو حاصل ہو گا۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

برقی دور کی طرح، مقناطیسی دباو کو کم بھکچاہٹ کی راہ استعال کرتے ہوئے مقام ضرورت تک پہنچایا جاتا ہے۔ مساوات 2.2 تحت بھکچاہٹ کی قیمت مقناطیسی مستقل  $\mu$  پر مخصر ہے ۔ مقناطیسی مستقل کی اکائی ہمیزی فی میٹر مساوات  $\mu_r$  کو عموماً میں  $\mu_r$  کو عموماً جہاں  $\mu_r$  کو عموماً جہاں  $\mu_r$  کو عموماً جہاں  $\mu_r$  کو عموماً جہاں  $\mu_r$  کو عموا جہاں ہور ہمینوں میں مستقل  $\mu_r$  کی قیمت میں اور چند جدید مصنوعی مواد الیی ہیں جن کی  $\mu_r$  کی قیمت 2000 اور جو مقناطیسی مواد میں جاتی ہیں۔ مقناطیسی دباو کو ایک مقام سے دوسری مقام منتقل کرنے کے لئے ان ہی مقناطیسی مواد کو استعال کیا جاتا ہے۔

بد قسمتی سے مقناطیسی مواد کے  $\mu$  کی قیمت اتنی زیادہ نہیں ہوتی ہے کہ ان سے بنی سلاخ کی ہیکچاہٹ ہر موقع پر قابل نظرانداز ہو۔ مساوات 2.2 کے تحت ہیکچاہٹ کم سے کم کرنے کی خاطر رقبہ عمودی تراش کو زیادہ سے زیادہ اور لمبائی کو کم سے کم کرنا ہو گا۔ یول مقناطیسی دباو منتقل کرنے کے لئے باریک تار نہیں بلکہ خاصا زیادہ رقبہ عمودی تراش کا مقناطیسی راستہ درکار ہوتا ہے۔

مقناطیسی مثین، مثلاً موٹر اور ٹرانسفار مر، کا بیشتر حصہ مقناطیسی دباو منتقل کرنے والے ان مقناطیسی مواد پر مشتمل ہوتا ہے۔ایسے مشینوں کے قلب میں عموماً یہی مقناطیسی مادہ پایا جاتا ہے الہذا ایسا مواد مقناطیسی قالبہ 18 کہلاتا ہے (شکل 2.6)۔

برقی مثینوں میں مستعمل مقناطیسی قالب لوہے کی باریک چادر یا پتری 19 تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے۔ مقناطیسی قالب کے بارے میں مزید معلومات حصہ 2.8 میں فراہم کی جائے گی۔

relative permeability, relative magnetic constant 17

magnetic core<sup>18</sup>

laminations<sup>19</sup>

باب\_2,مقت طبيسي ادوار



شكل 2.6: كثافت مقناطيسي بهاواور مقناطيسي ميدان كي شدت\_

## 2.5 كثافت مقناطيسي بهاواور مقناطيسي ميدان كي شدت

حصہ 2.2 میں برقی دور کی مثال دی گئی۔ یہاں شکل 2.6 میں دکھائے گئے مقناطیسی دور پر غور کرتے ہیں۔ مقناطیسی قالب کا  $\mu_r = \infty$  تصور کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ یوں قالب کی بچکچاہٹ  $\Re_c$  صفر ہو گی۔ حصہ 2.2 میں تانیا کی تار کی طرح یہاں مقناطیسی قالب کو مقناطیسی دباو  $\tau$  ایک مقام سے دوسری مقام تک منتقل کرنے کے لئے استعال کیا گیا ہے۔ شکل 2.6 میں مقناطیسی دباو کو خلائی درز کی بچکچاہٹ  $\Re_c$  تک پہنچایا گیا ہے۔ یہاں  $\Re_c$  کو نظرانداز کرتے ہوئے کل بچکچاہٹ کو خلائی درز کی بچکچاہٹ کے برابر تصور کیا جا سکتا ہے:

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a}$$

 $l_a \ll b$  خلائی درز کی لمبائی  $l_a$  قالب کے رقبہ عمودی تراش کے اضلاع d اور w ہے بہت کم ہونے کی صورت ، لیخی اور m اور m کو قالب کے رقبہ عمودی تراش m کے برابر تصور کیا جا سکتا ہے:

$$(2.17) A_a = A_c = wb$$

اس کتاب میں جہال بتلایا نہ گیا ہو وہال  $l_a \ll b$  اور  $w \gg l_a \ll b$  کتاب میں جہال بتلایا نہ گیا ہو وہال

مقناطیسی دباو 
$$au$$
 کی تعریف درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

یوں برقی تار کے چکر ضرب تار میں برقی رو کو مقناطیسی دباو کہتے ہیں۔ مقناطیسی دباو کی اکائی ایمپیئر-چکر<sup>20</sup> ہے۔ حصہ 2.2 کی طرح ہم مساوات 2.15 کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_a}$$

مقناطیسی بہاو کی اکائی  $^{22}$  ور ہیکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر۔ چکر فی ویبر $^{23}$  ہے۔ اس سلسلہ وار دور کے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\phi_c$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔درج بالا مساوات کو مساوات کو مساوات کی مدد ہے  $\phi_c$  کی مدد ہے

$$\phi_a = \tau \left( \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

يا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

کھ سکتے ہیں جہاں درزکی نشاندہی زیر نوشت میں a کھ کرکی گئی ہے۔ اس مساوات میں بائیں ہاتھ مقناطیسی بہاو فی اکائی رقبہ کو کثافتِ مقناطیسی بہاو<sup>25</sup>  $B_a$  اور دائیں ہاتھ مقناطیسی دباو فی اکائی لمبائی کو مقناطیسی میدالنے کی شدھے  $B_a$  کا کھا جا سکتا ہے:

$$(2.21) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

$$(2.22) H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

کافت متناطیسی بہاوکی اکائی ویبرفی مرفع میٹر ہے جس کو ٹسلا<sup>26</sup> کا نام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شدت کی اکائی المبیئرفی میٹر<sup>27</sup> ہے۔ یوں مساوات 2.20 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.23) B_a = \mu_0 H_a$$

جہاں متن سے واضح ہو کہ مقناطیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں مقناطیسی میدان کی شدت کو مختصراً میدانھے شدھے<sup>28</sup> کہا جاتا ہے۔

ampere-turn<sup>20</sup>

Weber<sup>21</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup>یہ اکائی جر منی کے ولیم اڈورڈو میر کے نام ہے جن کا برقی ومتناطبی میدان میں اہم کر دار رہاہے ampere-turn per weber<sup>23</sup>

magnetic flux density<sup>24</sup>

magnetic field intensity<sup>25</sup>

Tesla: <sup>26</sup> یا الای سربیا کے بکولاٹسلا کے نام ہے جنہوں نے بدلتار وبر قی طاقت عام کرنے میں اہم کر دار اداکیا۔

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm ampere\ per\ meter^{27}} \\ {\rm field\ intensity^{28}} \end{array}$ 

باب2. مقت طبيسي ادوار

 $B_a = B_a$  گل 2.6 میں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کا رخ اکائی سمتیہ کا مخالف ہے لہذا کثافت ِ مقناطیسی بہاو ہو گائی سمتیہ کے مخالف رخ دباو ڈال رہا ہے لہذا  $-B_a a_z$  کی مخالف رخ دباو ڈال رہا ہے لہذا مقناطیسی دباو کی شدت  $H_a = -H_a a_z$  کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی درج سے درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں کسی درج سے کسی درج بیار کسی درج درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں درج بیار کسی درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی درج بیار کسی درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی درج بیار کسی درج بیار

$$(2.24) B_a = \mu_0 H_a$$

خلاء کی جگہ کوئی دوسرا مادہ ہونے کی صورت میں یہ مساوات درج ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

$$(2.25) B = \mu H$$

مثال 2.2: شکل 2.6 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو 0.1 ٹسلا درکار ہے۔ قالب کی  $\mu_r = \infty$  خلائی درز کی لمبائی 1 ملی میٹر اور قالب کے گرد برقی تار کے چکر 100 ہیں۔ درکار برقی رو i تلاش کریں۔

حل: مساوات 2.13 سے

$$\tau = \phi \Re$$

$$Ni = \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right)$$

$$\frac{\phi}{A} = B = \frac{Ni\mu_0}{l}$$

لکھ کر درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4\pi 10^{-7}} = 0.79567 \,\text{A}$$

بر تی رو خلائی درز میں  $B=0.1\,\mathrm{T}$  کثافت متناطیسی بہادیپدا کرے گا۔  $i=0.795\,67\,\mathrm{A}$ 

## 2.6 مقناطیسی دور حصه دوم

شکل 2.7 میں ایک سادہ مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے جس میں قالب کے مقناطیسی مستقل کو محدود تصور کرتے ہیں۔مقناطیسی دباو au=0 مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو au=0 پیر۔مقناطیسی دباو au=0 مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو م

2.6 مقت طيبي دور حصيه دوم



شكل 2.7: ساده مقناطيسي دور ـ

مقام پر یکساں ہے اور قالب کی اوسط لمبائی  $l_c$  ہے۔ قالب میں مقناطیسی بہاو کا رخ فلیمنگ $^{29}$  کے دائیں ہاتھ کے قانون  $^{30}$  سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔ اس قانون کو دو طریقوں سے بیان کیا جا سکتا ہے۔

- اگرایک کچھے کو دائیں ہاتھ سے یوں کپڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں کچھے میں برقی رو کے رخ لیٹی ہوں تب انگوٹھا اُس مقناطیسی بہاو کے رخ ہو گا جو اس برقی رو کی وجہ سے وجود میں آیا ہو۔
- اگرایک تارجس میں برقی رو کا گزر ہو کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ انگوٹھا برقی رو کے رخ ہو تب باقی چار انگلیاں اُس مقناطیسی بہاو کے رخ لیٹی ہوں گی جو اس برقی رو کی وجہ سے پیدا ہو گا۔

ان دو بیانات میں پہلا بیان کیھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ معلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ سیر تھی تار کے گرد مقناطیسی بہاو کا رخ دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

قالب میں مقناطیسی بہاو گھڑی وار ہے۔ مقناطیسی بہاو ہ کو شکل 2.7 میں ملکی سیاہی کے تیر دار لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ قالب کی ہیکچاہٹ

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

لکھتے ہوئے مقناطیسی بہاو

$$\phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = Ni \left( \frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$

29فلىينگ!دايال، ہاتھ قانون Fleming's right hand rule<sup>30</sup> اب\_2. مقن طبیمی ادوار



شکل 2.8: خلائی در زاور قالب کے ہیکیاہٹ۔

ہو گا۔ یوں تمام نا معلوم متغیرات حاصل ہو چکے۔

مثال 2.3: شکل 2.8 میں ایک مقناطیسی قالب و کھایا گیا ہے جس کی معلومات ورج ذیل ہیں۔

(2.26) 
$$\psi \mathbf{\ddot{v}} = \left\{ \begin{array}{ll} h = 20 \, \mathrm{cm} & m = 10 \, \mathrm{cm} \\ n = 8 \, \mathrm{cm} & w = 2 \, \mathrm{cm} \\ l_a = 1 \, \mathrm{mm} & \mu_r = 40 \, 000 \end{array} \right.$$

قالب اور خلائی درز کی ہیکچاہٹیں تلاش کریں۔

عل:

$$b = \frac{m-n}{2} = \frac{0.1 - 0.08}{2} = 0.01 \,\mathrm{m}$$
 
$$A_a = A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = 0.0002 \,\mathrm{m}^2$$
 
$$l_c = 2(h-b) + 2(m-b) - l_a$$
 
$$= 2(0.2 - 0.01) + 2(0.1 - 0.01) - 0.001 = 0.359 \,\mathrm{m}$$

$$\begin{split} \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.359}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 55\,605\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \\ \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 3\,978\,874\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \end{split}$$

قالب کی لمبائی خلائی درز کی لمبائی سے 359 گنا زیادہ ہونے کے باوجود خلائی درز کی پنچکچاہٹ قالب کی پنچکچاہٹ سے 72 گنا زیادہ ہوگا۔

2.6 مقت طيسي دور حصب دوم



مثال 2.4: شکل 2.9 سے رجوع کریں۔خلائی درز 5 ملی میٹر لمباہے اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہیں۔خلائی درز میں 3.95 کثافت مقناطیسی بہاو حاصل کرنے کی خاطر درکار برتی رو معلوم کریں۔

حل: اس شکل میں گھومتے مشین، مثلاً موٹر، کی ایک سادہ صورت دکھائی گئی ہے۔ ایسی مشینوں کا ہیرونی حصہ ساکن رہتا ہے للذا اس جھے کو مشین کا ساکھنے حسہ  $^{31}$  ہیں۔ ساکن دونوں حصوں (قالب) کا  $m_r = \infty$  تصور کیا گیا ہے اس جھے کو مشین کا گھومتا حصہ  $^{32}$  ہیں۔ اس مثال میں ان دونوں حصوں (قالب) کا  $m_r = \infty$  تصور کیا گیا ہے للذا ان کی پچکچاہٹ صفر ہو گی۔ مقاطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کی لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقاطیسی بہاو کی ایک مکمل چکر کے دوران مقاطیسی بہاو دو خلائی درزوں سے گزرتا ہے۔ یہ دو خلائی درز ہر لحاظ سے ایک دوسرے جیسے ہیں للذا ان دونوں خلائی درزوں کی پچکچاہٹ سلسلہ وار ہیں۔ شکل درزوں خلائی درزوں کی پچکچاہٹ سلسلہ وار ہیں۔ شکل 2.9 میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ، ساکن حصہ اور دو خلائی درزوں سے گزرتا ہوا دکھایا گیا ہے۔ خلائی درز کی لمبائی  $A_a$ ، قالب کے رقبہ  $A_c$  کی اصلاع سے بہت کم ہے للذا خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش میں مقاطیسی کے رابر تصور کیا جائے گا۔

يوں  $A_a=A_c$  ليتے ہوئے ايک خلائی درز کی ہمچکياہے  $A_a=A_c$  يوں  $\Re_a=rac{l_a}{\mu_0A_a}=rac{l_a}{\mu_0A_c}$  يورز ورج خلائی درزوں کی کل ہمچکياہے درج ذیل ہو گی۔  $\Re_s=\Re_a+\Re_a=rac{2l_a}{\mu_0A_c}$ 

 ${\rm stator}^{31} \\ {\rm rotor}^{32}$ 

يا\_\_\_2. مقت طبيسي اووار

خلائی درز میں مقناطیسی بہاہ  $\phi_a$  اور کثافتِ مقناطیسی بہاہ  $B_a$  درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} \phi_a &= \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left( \frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right) \\ B_a &= \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a} \end{split}$$

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$0.95 = \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005}$$
$$i = \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \,\text{A}$$

روایتی موٹروں اور جزیٹروں کی خلاء میں تقریباً ایک ٹسلا کثافت مقناطیسی بہاو ہوتا ہے۔

### 2.7 خوداماله، مشتركه اماله اورتوانائي

وقت کے ساتھ بدلتا مقناطیسی میدان برتی دباو پیدا کرتا ہے جس کو **قانون فیرا**ڈے $^{33}$  $\oint_C m{E} \cdot \mathrm{d}m{l} = -rac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \int_S m{B} \cdot \mathrm{d}m{S}$ 

ے حاصل کیا جا سکتا ہے  $^{34}$ یہ مساوات کہتی ہے کہ کسی بند راہ کی ہمراہ مقناطیسی سمتی میدان E کا ارتفاعی تکمل اس راہ کے ارتباط بہاو کے (وقت کے ساتھ) تفرق کے برابر ہو گا۔ برقی ادوار، مثلاً شکل 2.10-ا، میں مستعمل برقی تاروں کی ہمراہ E قابل نظر انداز ہوتا ہے لہذا اس مساوات کا بایاں ہاتھ تاروں کے سروں پر امالی برقی دباو  $^{35}$  برقی تاروں کے برابر ہو گا۔ ساتھ ہی مساوات کے دائیں ہاتھ تکمل میں بہاو کا بیشتر حصہ قالب کے اندر بہاو e پر مشتمل ہو گا۔ چونکہ لچھا (اور بند راہ) اس قالب کے گرد M چکر کاٹنا ہے لہذا یہ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(2.27) e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

Faraday's law<sup>33</sup> <sup>48</sup>مانگل <u>غ</u>راؤے انگلتانی سائنسدان <u>ت</u>ے جنہوں نے محرک برقی د باودریافت کی۔ induced voltage<sup>35</sup>





شکل 2.10: قالب میں مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کھیے میں برقی دیاوپیدا کرتی ہے۔

اس طرح شکل 2.10-ا کے قالب میں مقناطیسی بہاو  $\phi$  کی تبدیل کی بنا کچھے میں برقی دباو e پیدا ہو گا جو کھھے کے سروں پر نمودار ہو گا۔

امالی برقی دباو کو منبع برقی دباو تصور کریں۔

امالی برقی دباو کارخ تعین کرنے کی خاطر کچھ کے سروں کو قصر دور<sup>36</sup> کریں۔ کچھے میں پیدا برقی رو اُس رخ ہو گا جو مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو روکے۔

فرض کریں شکل 2.10-ا میں بہاو ہ گھڑی وار ہے اور بہاو کی مقدار بڑھ رہی ہے۔ بہاو میں تبدیلی کو روکنے کی خاطر بہاو ک پیدا کرنا ہو گاجو کچھے کا بالائی سر مثبت ہونے سے ہو گا۔ شکل 2.10-ب میں کچھے کے سروں کے نخ مزاحمت نسب کیا گیا ہے۔ کچھے کو منبع دباو تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مزاحمت میں روکا رخ قالب میں گھڑی کے مخالف رخ بہاو کھ پیدا کرے گا۔

قالب میں مقناطیسی بہاو  $\phi$ ، قالب پر لپیٹے گئے کچھے کے تمام چکروں، N، کے اندر سے گزرتا ہے۔N کو کچھے کا ارتباط بہاو  $\lambda$  کہتے ہیں جس کی اکائی ویبر۔ چکر  $\lambda$  38 ہے۔

$$(2.28) \lambda = N\phi$$

جن مقناطیسی ادوار میں مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو اٹل مقدار تصور کیا جا سکے یا جن میں خلائی درز کی آپکیاہٹ قالب کی آپکیاہٹ سے بہت زیادہ ہو،  $\Re_a\gg\Re_c$ ، ان میں کیھے کی امالہ  $L^{39}$  کی تعریف درج ذیل مساوات دیتی ہے۔

$$(2.29) L = \frac{\lambda}{i}$$

short circuit<sup>36</sup> flux linkage<sup>37</sup> weber-turn<sup>38</sup>

 $\rm inductance^{39}$ 

با\_\_ 2. مقت طبيسي اووار



شكل 2.11: اماليه (مثال 2.5)

(2.30) 
$$L = \frac{N\phi}{i} = \frac{NB_c A_c}{i} = \frac{N^2 \mu_0 A_a}{l_a}$$

جہاں قالب کا رقبہ عمودی تراش  $A_c$  اور درز کا رقبہ عمودی تراش  $A_a$  ایک دوسرے کے برابر لیے گئے ہیں۔

مثال 2.5: شکل 2.11 میں  $b = 5 \, \text{cm}, w = 4 \, \text{cm}, l_a = 3 \, \text{mm}$  مثال 2.15: شکل 2.11 میں اور قالب کی  $l_c = 30 \, \text{cm}$  اوسط لمبائی  $l_c = 30 \, \text{cm}$  ہے۔ درج ذیل دو صور توں میں کچھے کی امالہ تلاش کریں۔

- $\mu_r = \infty$  قالب کا •
- $\mu_r = 500$  قالب کا •

حل: (1) قالب کے  $\mu_r = \infty$  کی بنا قالب کی پیچاہٹ قابل نظرانداز ہو گی لہذا امالہ درج ذیل ہو گا۔

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$
 
$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$
 
$$= 0.838 \, \mathrm{H}$$

(+) کی صورت میں قالب کی ہیجکیاہٹ قابل نظر انداز نہیں ہو گی۔خلاء اور قالب کی ہیجکیاہٹ دریافت کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 w b} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,507\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \\ \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 w b} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \end{split}$$

یوں بہاو، ارتباط اور امالہ درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{1\,193\,507 + 238\,701} = 0.698\,\mathrm{H} \end{split}$$

مثال 2.6: شکل 2.12 میں ایک پیچپرار کچھا $^{42}$  و کھایا گیا ہے جس کی جسامت درج ذیل ہے۔  $N=11, r=0.49 \, \mathrm{m}, l=0.94 \, \mathrm{m}$ 

یچپار کچھے کے اندر مقناطیسی بہاو  $\phi$  کا بیشتر حصہ محوری رخ ہوتا ہے۔ کچھے کے باریبی بہاو پوری کا نئات سے گزرتے ہوئے واپس کچھے میں داخل ہوتا ہے۔ چونکہ پوری کا نئات کا رقبہ عمودی تراش A لا متناہی ہے لہذا کچھے کے باہر کثافت مقناطیسی بہاو  $B=\frac{\phi}{A}$  کی مقدار قابل نظرانداز ہوگی۔ کچھے کے اندر محوری رخ مقناطیسی شدت درج ذمل ہوگی۔

$$H = \frac{Ni}{l}$$

اس کچھے کی خود امالہ حاصل کریں۔

 $<sup>\</sup>rm spiral\ coil^{42}$ 

42 باب 2. مقت طبیسی ادوار



عل:

$$B=\mu_0 H=rac{\mu_0 N i}{l}$$
 
$$\phi=B\pi r^2=rac{\mu_0 N i \pi r^2}{l}$$
 
$$\lambda=N\phi=rac{\mu_0 N^2 i \pi r^2}{l}$$
 
$$L=rac{\lambda}{i}=rac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$
 
$$L=\frac{\lambda}{i}=\frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$
 
$$L=\frac{4\pi 10^{-7}\times 11^2\times \pi\times 0.49^2}{0.94}=122\,\mathrm{pH}$$

 $i_1$  کی دور اس میں برقی رور دکھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے چکر  $N_1$  اور اس میں برقی رو  $N_1$  کی اور اس میں برقی رو  $N_2$  ہوں کہ دونوں کچھوں میں مثبت برقی رو قالب میں ایک جیسے  $N_2$  کی دونوں کچھوں میں مثبت برقی رو قالب میں ایک جیسے رخ مقناطیسی و باو پیدا کرتے ہیں۔ اگر قالب کا  $N_2$  قابل نظرانداز ہو تب مقناطیسی بہاو  $N_2$  ذیل ہو گا۔

(2.31) 
$$\phi = (N_1 i_1 + N_2 i_2) \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

دونوں کچھوں کا مجموعی مقناطیسی دیاو،  $N_1i_1+N_2i_2$ ، مقناطیسی بہاو  $\phi$  پیدا کرتا ہے۔ اس مقناطیسی بہاو کا پہلے کچھے  $N_1i_1+N_2i_2$  مقناطیسی  $N_1i_1+N_2i_2$  مقناطیسی  $N_1i_1+N_2i_2$  مقناطیسی  $N_1i_2+N_2i_3$  مقناطیسی  $N_1i_3+N_2i_3$  مقناطیسی مقناطیسی دیاور مقناطیسی مقناطیسی دیاور مقناطیسی مقناطیسی مقناطیسی در مقناطیسی در اور مقناطیسی در مقناطیس



شكل 2.13: دولچھے والا مقناطیسی دور۔

کے ساتھ ارتباط

(2.32) 
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

لعيني

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

ے جہال  $L_{11}$  اور  $L_{12}$  ہے۔

$$(2.34) L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$(2.35) L_{12} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

یہا کیجے کا نود امالہ 44 ہے اور  $L_{11}i_1$  اس کیجے کے اپنے برتی رو  $i_1$  سے پیدا مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو  $i_2$  ساتھ  $i_2$  ان دونوں کیجھوں کا مشترکہ امالہ  $i_3$  ہے اور  $i_4i_5$  کیجے اس کی ساتھ  $i_5$  ساتھ  $i_5$  ساتھ  $i_5$  ساتھ  $i_5$  ساتھ  $i_6$  ساتھ ارتباط بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے جسے مشترکہ ارتباط بہاو  $i_5$  کہتے ہیں ۔ بالکل اسی طرح ہم دوسرے کیجے کے لئے درج ذمل کھے سکتے ہیں

(2.36) 
$$\lambda_2 = N_2 \phi = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$
$$= L_{21} i_1 + L_{22} i_2$$

self inductance<sup>44</sup> self flux linkage<sup>45</sup>

mutual inductance<sup>46</sup>

mutual flux linkage<sup>47</sup>

با\_\_\_2.مقن طیسی ادوار 44

جہال  $L_{22}$  اور  $L_{21}$  سے مراد درج ذیل ہے۔

$$(2.37) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

(2.38) 
$$L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

یے الے ہے۔ امالہ کا تصور اس وقت کارآمد ہوتا ہے  $L_{21}=L_{12}$  دونوں کچھوں کا مشتر کہ امالہ ہے۔ امالہ کا تصور اس وقت کارآمد ہوتا ہے حب مقناطیسی مستقل پر کو اٹل تصور کرنا ممکن ہو۔

مباوات 2.29 کو مباوات 2.27 میں پر کرتے ہیں۔

(2.39) 
$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = \frac{\partial (Li)}{\partial t}$$

اگر اماله کی قیمت اٹل ہو، جبیا کہ ساکن مشینوں میں ہوتا ہے، تب ہمیں اماله کی جانی پیجانی مساوات

$$(2.40) e = L \frac{\partial i}{\partial t}$$

ملتی ہے۔ اگر امالہ بھی تبدیل ہو، جیسا کہ موٹروں اور جزیٹروں میں ہوتا ہے، تب درج ذیل ہو گا۔

$$(2.41) e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

توا کی  $^{54}$  کی اکائی جاول  $^{69}$   $^{50}$  ہے اور طاقت $^{51}$  کی اکائی  $^{52}$  جاول فی سینڈ ہے جس کو والے  $^{53}$  کا نام دیا گیا

اس كتاب ميں توانائي ياكام كو W سے ظاہر كيا جائے گا اگرچه طاقت كى اكائى واٹ W كے لئے بھى يہى علامت استعال ہوتی ہے۔امید کی حاتی ہے کہ متن سے اصل مطلب جاننا ممکن ہو گا۔

وقت  $t \geq -$  ساتھ توانائی W کی تبدیلی کی شرح کو طاقہ p کہتے ہیں۔ بوں درج ذیل لکھا حا سکتا ہے۔

$$(2.42) p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ie = i\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}$$

energy<sup>48</sup>

<sup>50</sup> جیمس پریسقوٹ حاول انگلتانی سائنسدان جنہوں نے حرارت اور مکافی کام کارشتہ دریافت کیا

<sup>&</sup>lt;sup>52</sup> سکاٹلدنڈ کے جبیمزواٹ جنہوں نے بخارات پر چلنے والے انجن پر کام کیا

2.8. مقت طیسی مادہ کے خواص

مقناطیسی دور میں لمحہ  $t_1$  تا  $t_2$  مقناطیسی توانائی کی تبدیلی کو تکمل کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا ہے:

(2.43) 
$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

ایک لچھے کا مقناطیسی دور، جس میں امالہ کی قیمت اٹل ہو، کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(2.44) 
$$\Delta W = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left( \lambda_2^2 - \lambda_1^2 \right)$$

یوں 
$$t_1$$
 پر  $t_2$  نصور کرتے ہوئے کسی بھی  $\lambda$  پر مقناطیسی توانائی درج ذیل ہو گ۔
$$W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$$

### 2.8 مقناطیسی مادہ کے خواص

قالب کے استعال سے دو فوائد حاصل ہوتے ہیں۔ قالب کے استعال سے کم مقناطیسی دباو، زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے اور مقناطیسی بہاو کو پہند کی راہ پر رہنے کا پابند بنایا جا سکتا ہے۔ یک دوری ٹرانسفار مروں میں قالب کے استعال سے مقناطیسی بہاو کو اس طرح پابند کیا جاتا ہے کہ تمام کچھوں میں کیساں بہاو پایا جاتا ہو۔ موٹروں میں قالب کے استعال سے مقناطیسی بہاو کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پیدا ہو جبکہ جزیئروں میں زیادہ سے زیادہ برق دباو عاصل کرنے کی نیت سے بہاو کو پابند کیا جاتا ہے۔

B-H مقناطیسی مادہ کی B اور H کا تعلق ترسیم کی صورت میں پیش کیا جاتا ہے۔ لوہا نما مقناطیسی مادہ B و نقطہ a کی جہان ہو کو نقطہ a کی جہان ہو کو نقطہ ہو کو نقطہ کے نظام کیا گیا ہے۔ اس نقطہ پر درج ذیل ہوں گے۔

$$H_a = 0$$

$$B_a = 0$$

باب\_2.مقت طبيسي ادوار



شکلB-H:2.14 خطوط یامقناطیسی حیال کے دائرے۔

مقناطیسی مادہ کو کچھے میں رکھ کر اس پر مقناطیسی دباو لا گو کیا جا سکتا ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت H لا گو کرنے سے لوہا نما مقناطیسی مادے میں کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہو گا۔میدانی شدت بڑھانے سے کثافت مقناطیسی بہاو بھی بڑھے گا۔ a سے شروع ہوتا ہوا تیردار قوس اس عمل کو ظاہر کرتا ہے۔میدانی شدت کو نقطہ b تک بڑھایا گیا ہے جہال b ہول گے۔

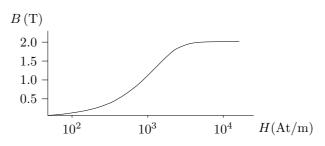
نقطہ b تک پہنچنے کے بعد میدانی شدت کم کرتے ہوئے دیکھا گیا ہے کہ واپی قوس ایک مختلف راستہ اختیار کرتا ہے۔ یوں نقطہ b ہو کر نقطہ c ہو کر نقطہ c کہ نقطہ d ہو کر نقطہ d کہ نقطہ d ہو کر نقطہ d کہ نقطہ d ہو کہ نقطہ d کہ نقطہ d ہو کہ نقطہ d کہ نقطہ کہ کافت مقاطبی کہاو مو نہیں ہے۔ یہ مادہ ایک مقاطبی بن گیا ہے جس کی کثافت مقاطبی بہاو مقاطبی بہاو مقاطبی ہو۔ مصنوعی مقاطبی ای طرح بنایا جاتا ہے۔

نقطہ c سے میدانی شدت منفی رخ بڑھانے سے B کم ہوتے ہوتے آخر کار ایک مرتبہ دوبارہ صفر ہو جائے گا۔ اس نقطہ کو d سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسیت ختم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی مقدار  $|H_d|$  کو مقناطیسیت ختم کرنے والی شدت یا مختصراً خاتم شدھے  $^{55}$  کہتے ہیں۔

منفی رخ میدانی شدت مزید بڑھانے سے نقطہ e حاصل ہو گا۔ اس کے بعد منفی رخ کی میدانی شدت کی مطلق قیت کم کرنے سے نقطہ f حاصل ہو گا جہاں میدانی شدت صفر ہونے کے باوجود کثافت مقاطیسی بہاو صفر نہیں

residual magnetic flux $^{54}$  coercivity $^{55}$ 

2.8 مقت طیسی مادہ کے خواص



شکل 5:2.15 M فولاد کی 0.3048 ملی میٹر موٹی پتری کی ترسیم۔میدانی شدت کاپیانہ لاگ ہے۔

ہے۔اس نقطہ پر لوہا نما مادہ اُلٹ رخ مقناطیس بن چکا ہے اور  $B_f$  بقایا کثافتِ مقناطیسی بہاو ہے۔اس طرح اس رخ مقناطیسیت ختم کرنے کی شدت  $|H_g|$  ہے۔میدانی شدت بڑھاتے ہوئے نقطہ b کی بجائے نقطہ b حاصل ہو گا۔

برقی شدت کو متواتر اسی طرح پہلے ایک رخ اور پھر مخالف (دوسری) رخ ایک خاص حد تک پہنچانے سے آخر کار گئا شدت کو متواتر اسی طرح پہنچانے سے آخر کار H – H منحنی کا ایک بند دائرہ حاصل ہو گا جسے شکل 2.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس دائرہ پر خلاف گھڑی سفر ہو گا۔ شکل 2.14-ب کو مقناطیسی چالے کا دائرہ 56 کہتے ہیں۔

مختلف H کے لئے شکل 2.14-ب حاصل کر کے ایک ہی کاغذ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے b نقطے جوڑنے سے شکل 2.15 میں دکھائی گئ B-H ترسیم حاصل ہو گی۔ ٹرانسفار مروں میں استعال ہونے والی 0.3048 ملی میٹر موٹی M5 قالبی پتری کی B-H ترسیم شکل 2.15 میں دکھائی گئی ہے۔ اس ترسیم میں موجود مواد جدول 2.1 میں بھی دیا گیا ہے۔ عموماً مقناطیسی مسائل حل کرتے ہوئے شکل 2.14 کی جگہ شکل 2.15 طرز کی ترسیم استعال کی جاتی ہے۔ دھیان رہے کہ اس ترسیم میں H کا پیانہ لاگے 57 ہے۔

لوہا نما مقناطیسی مادے پر لا گو مقناطیسی شدت بڑھانے سے کثافتِ مقناطیسی بہاو بڑھنے کی شرح بتدر تے کم ہوتی جاتی ہے حتی کہ آخر کار یہ شرح خلاء کی شرح  $\mu_0$  کے برابر ہو جاتی ہے حتی کہ آخر کار یہ شرح خلاء کی شرح  $\mu_0$  کے برابر ہو جاتی ہے حتی کہ آخر کار یہ شرح خلاء کی شرح ہے۔ کہتے ہیں جو شکل 2.15 میں واضح ہے۔

شکل 2.14 سے واضح ہے کہ H کی کسی بھی قیت پر B کی دو ممکنہ قیمتیں ہوں گی۔ بڑھتے مقناطیسی بہاو کی صورت میں ترسیم میں نیچے سے اُوپر جانے والی منحیٰ B اور H کا تعلق پیش کرے گی جبکہ گھٹے ہوئے مقناطیسی بہاو

hysteresis loop<sup>56</sup>

saturation<sup>58</sup>

باب\_2. مقت طبيسي ادوار

کی صورت میں اوپر سے ینچے جانے والی منحیٰ اس تعلق کو پیش کرے گی۔ چونکہ  $\mu=B/H$  ہے لہذا B کی مقدار تبدیل ہونے سے  $\mu$  کی قیت بھی تبدیل ہو گی۔ باوجود اس کے ہم مقناطیسی ادوار میں  $\mu$  کو ایک مستقل تصور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے نتائج پر عموماً زیادہ اثر انداز نہیں ہوتا ہے۔

مثال 2.7: شکل 2.15 یا اس کے مساوی جدول 2.1 میں دی گئی مواد استعال کرتے ہوئے شکل 2.6 کی خلاء میں ایک ٹسلا اور دو ٹسلا کثافت مقناطیسی بہاو حاصل کرنے کے لئے درکار برقی رو معلوم کریں۔درج ذیل معلومات استعال کریں۔ قالب اور خلاء کا رقبہ عمودی تراش ایک دوسرے جتنا لیں۔

 $b = 5 \text{ cm}, w = 4 \text{ cm}, l_a = 3 \text{ mm}, l_c = 30 \text{ cm}, N = 1000$ 

حل: ایک ٹسلاکے لئے۔

جدول 2.1 تیس از میں 1 ٹسلا کے لئے قالب کو 11.22 ایمپیئر-چکر فی میٹر قیمت کی شدت H در کار ہو گیا۔ یوں 30 سم لیے قالب کو 3.36 E=0.3 ایمپیئر چکر در کار ہوں گے۔

خلاء کو درج ذیل ایمپیئر- چکر فی میٹر شدت درکار ہے۔

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795\,671$$

یوں 3 ملی میٹر خلاء کو 2387 = 795671 = 2387 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہوں گے۔اس طرح کل دایمپیئر - چکر +3.366 2390.366 = 2387 ہیں جن سے درج ذیل حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حل: دو ٹسلا کے لئے۔

جدول 2.1 کے تحت قالب میں 2 ٹسلا کثافت کے لئے قالب کو 10000 ایمپیئر - چکر فی میٹر H درکار ہو گی۔ یوں 300 سم قالب کو  $3000=0.3\times1000$  ہوگے۔ درکار ہوں گے۔خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591342$$

ایمپیئر-چکر فی میٹر درکار ہیں للذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 4774 = 1591342 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہوں گے۔یوں کل ایمپیئر-چکر 7774 = 4774 + 3000 ہیں جن سے درج ذیل حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$i = \frac{7774}{1000} = 7.774 \,\mathrm{A}$$

2.9. ہیجبان شدہ کچھ

B	H	B	H	B	H	B	H	B	H	B	H
0.000	0	0.700	9	1.480	30	1.720	200	1.852	1000	1.998	9000
0.040	2	0.835	10	1.540	40	1.752	300	1.900	2000	2.000	10000
0.095	3	1.000	11.22	1.580	50	1.780	400	1.936	3000	2.020	20000
0.160	4	1.100	12.59	1.601	60	1.800	500	1.952	4000	2.040	30000
0.240	5	1.200	14.96	1.626	70	1.810	600	1.968	5000	2.048	40000
0.330	6	1.300	17.78	1.640	80	1.824	700	1.975	6000	2.060	50000
0.440	7	1.340	20	1.655	90	1.835	800	1.980	7000	2.070	60000
0.560	8	1.400	23.77	1.662	100	1.846	900	1.985	8000	2.080	70000

جدول 2.1: مقناطيسي بهاو بالمقابل شدت

اس مثال میں مقناطیسی سیر ایت واضح ہے۔

## 2.9 ميجان شده لجها

بدلتا رو بیلی میں برتی دباو اور مقناطیسی بہاو عموماً سائن نما ہوتے ہیں جن کا وقت کے ساتھ تعلق sin wt یا sin ک ہو گا۔ اس حصہ میں بدلتا رو سے کچھا بیجان کرنا اور اس سے نمودار ہونے والی برقی توانائی کے ضیاع پر تذکرہ کیا جائے گا۔ قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو

$$(2.47) B = B_0 \sin \omega t$$

کی صورت میں قالب میں درج زیل بدلتا مقناطیسی بہاو $\,arphi$  پیدا ہو گا۔

(2.48) 
$$\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$$

اس مساوات میں مقناطیسی بہاو کا حیطہ  $\phi_{\mp}$ ، کثافت مقناطیسی بہاو کا حیطہ  $\pi B_0$ ، قالب کا رقبہ عمود کی تراش  $A_c$  (جو ہر مقام پر یکسال ہے)، زاویائی تعدد  $\pi B_0$  اور تعدد  $\pi B_0$  اور تعدد کا ہے۔

باب 2. مقت طبيسي ادوار

فیراڈے کے قانون (میاوات 2.27) کے تحت یہ مقناطیسی بہاو کچھے میں e(t) امالیے برقی دباو $^{69}$  پیدا کرے گا

(2.49) 
$$e(t) = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

$$= \omega N \phi_0 \cos \omega t$$

$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$

$$= E_0 \cos \omega t$$

جس کا حیطہ درج ذیل ہو گا۔

$$(2.50) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ہم بدلتے رو مقداروں کے مربع کی اوسط کے جذر میں دلچیں رکھتے ہیں جو ان مقداروں کی موثر 60 قیمت ہوتی ہے۔ جیبا صفحہ 19 پر مساوات 1.42 میں دیکھا گیا، سائن نما موج کی موثر قیمت موج کے حیطہ کی  $1/\sqrt{2}$  گنا ہو گی۔ گی لہذا امالی برتی دباو کی موثر قیمت  $E_{rms}$  درج ذیل ہو گی۔

(2.51) 
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

یہ مساوات بہت اہم ہے جس کو ہم بار بار استعال کریں گے۔بدلتے برقی دباو یا بدلتے برقی رو کی قیت سے مراد ان کی موثر قیمت ہوگی۔پاکستان میں گھر یلو برقی دباو کی موثر قیمت 220 وولٹ ہے۔اس سائن نما برقی دباو کی چوٹی  $\sqrt{2} \times 220 = 311$ 

مثال 2.8: شکل 2.16 میں کچھ کے 27 چکر ہیں۔ قالب کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عمودی تراش 2.8 مثال 2.8: شکل 2.16 میں کچھ کے 27 چکر ہیں۔ قالب کی لمبائی 30 سم جبکے کو گھر یلو 220 دولٹ موثر برتی دباوسے ہیجان کیا جاتا ہے۔جدول 2.1 کی مدد سے مختلف برتی دباو پر محرک برتی رو معلوم کریں اور اس کا خط کھیجنیں۔

حل: گھریلو برقی د ہاو 50 ہرٹز کی سائن نما موج ہو گی۔

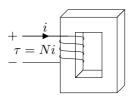
$$(2.52) v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$$

ماوات 2.51 کی مدد سے ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی حاصل کرتے ہیں۔

(2.53) 
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 \,\mathrm{T}$$

induced voltage<sup>59</sup> root mean square, rms<sup>60</sup>

2.9. بيجبان شده لچھ ا



شكل 2.16: ساده مقناطيسي دور (مثال 2.8) ـ

$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$
0.675	1.000	11.22	3.366	0.125	0.000	0.000	0	0.000	0.000
0.757	1.100	12.59	3.777	0.140	0.025	0.040	2	0.600	0.022
0.847	1.200	14.96	4.488	0.166	0.059	0.095	3	0.900	0.033
0.948	1.300	17.78	5.334	0.198	0.100	0.160	4	1.200	0.044
0.992	1.340	20	6.000	0.222	0.150	0.240	5	1.500	0.056
1.064	1.400	23.77	7.131	0.264	0.208	0.330	6	1.800	0.067
1.180	1.480	30	9.000	0.333	0.278	0.440	7	2.100	0.078
1.294	1.540	40	12.000	0.444	0.357	0.560	8	2.400	0.089
1.409	1.580	50	15.000	0.556	0.453	0.700	9	2.700	0.100
1.571	1.601	60	18.000	0.667	0.549	0.835	10	3.000	0.111

جدول2.2: محرک برقی رو

يوں قالب ميں کثافتِ مقناطيسي بہاو کا حيطہ 1.601 ہو گا اور قالب ميں کثافتِ مقناطيسي بہاو کی مساوات درج ذيل ہو گی۔

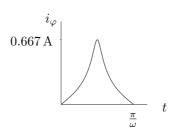
 $(2.54) B = 1.601 \sin \omega t$ 

ہم جدول کی مدد سے 0 اور 1.601 ٹسلا کے ﷺ مختلف قیمتوں پر درکار محرک برقی رو  $i_{\phi}$  معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ہم مختلف B پر جدول 2.1 سے قالب کی H حاصل کریں گے جو ایک میٹر لمبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر- چکر ہوں گے۔اس سے 30 سم لمبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر- چکر دریافت کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔

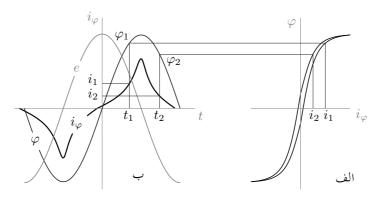
t جدول 2.2 مختلف کثافتِ مقناطیسی بہاو کے لئے درکار محرک برتی رو دیتی ہے۔جدول میں ہر B کی قیمت پر t کو مساوات 2.54 سے حاصل کیا گیا ہے۔ محرک برتی رو بالمقابل t کا خط شکل 2.17 میں دیا گیا ہے۔

برتی کیجے میں برتی دباو سے بیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ بیجان شدہ کیجھا میں گزرتے برتی رو $i_{\varphi}$  کی بنا قالب میں

52 باب\_2, مقت طبيسي ادوار



شکل 5:2.17 پتری کے قالب میں 6.1 ٹسلاتک بیجان پیدا کرنے کے لئے در کار بیجان انگیز برقی رو۔



شكل 2.18: ہيجان انگيز برقى رو۔

مقناطیسی بہاد پیدا ہو گا۔ اس برتی رو $i_{arphi}$  کو پیجارہے انگیز برقی رو $^{61}$  کہتے ہیں۔

مثال 2.8 میں بیجان انگیز برتی رو معلوم کی گئی جے شکل 2.17 میں دکھایا گیا۔ اسے حاصل کرتے وقت مقناطیسے پالے  $^{62}$  کو نظر انداز کیا گیا۔ شکل 2.18 میں بیجان انگیز برتی رو  $_{i_{\varphi}}$  دکھائی گئی ہے جو مقناطیسی چال کو مدِ نظر رکھ کر حاصل کی گئی ہے۔ اس کو سبجھنا ضروری ہے۔

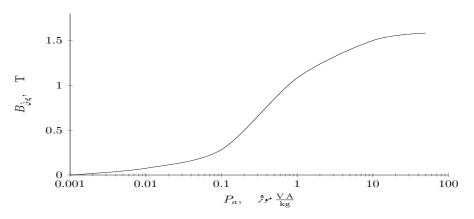
شکل 2.18-الف میں مقناطیسی چال کا دائرہ دکھایا گیا ہے۔درج ذیل تعلقات کی بنا مقناطیسی چال کے خط کو  $arphi-i_{arphi}$  کا خط کھا جا سکتا ہے۔

(2.55) 
$$Hl = Ni$$

$$\varphi = BA_c$$

 $\begin{array}{c} {\rm excitation~current^{61}} \\ {\rm ~hysteresis^{62}} \end{array}$ 

2.9. بيجبان شده لچھ



شکل 2.19: پیاس ہر ٹزیر 0.3 ملی میٹر موٹی پتری کے لئے در کار موثر وولٹ-امپیئر فی کلو گرام قالب

قالب میں سائن نما مقناطیسی بہاو  $\varphi$  کو شکل 2.18-ب میں دکھایا گیا ہے۔سائن نما مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ لحمہ  $t_1$  پر اس کی قیمت  $\phi$  ہو گی۔مقناطیسی بہاو  $\phi$  حاصل کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو  $\phi$  شکل-الف سے حاصل کی جا سکتی ہے۔ اس بیجان انگیز برقی رو کو شکل-ب میں لحمہ  $t_1$  پر دکھایا گیا ہے۔

دھیان رہے کہ لمحہ  $t_1$  پر مقناطیسی بہاو بڑھ رہا ہے لمذا مقناطیسی چال کے خط کا درست حصہ استعال کرنا ضروری ہے۔ شکل 2.18-الف میں  $\varphi = \varphi$  کے خط میں گھڑی کی سو یکوں کے مخالف رخ گھومتے ہوئے یوں نیچے سے اوپر جاتا ہوا حصہ استعال کیا گیا ہے۔ شکل 2.14-ب میں تیر کے نشان مقناطیسی بہاو بڑھنے (ینچے سے اوپر) اور گھنے (اوپر سے نیچے) والے حصوں کی نشانہ ہی کرتے ہیں۔

لمحہ  $t_2$  پر مقناطیسی بہاو گھٹ رہا ہے۔اس لمحہ پر مقناطیسی بہاو  $\varphi_2$  ہے اور اسے حاصل کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو $i_2$  ہے۔

اسی طرح مختلف کمحات پر درکار بیجان انگیز برتی رو حاصل کرنے سے شکل 2.18-ب کا  $i_{arphi}$  خط ملتا ہے جو غیر سائن نما ہے۔

آپ جانے ہیں کہ  $e=N\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=N\phi_0\omega\cos\omega t$  کی صورت میں برتی دباو $\phi=\phi_0\sin\omega t$  ہوگا۔ شکل  $\phi=\phi_0\sin\omega t$  کی صورت میں اس برتی دباو کو بھی دکھایا گیا ہے۔آپ دکھ سکتے ہیں کہ برتی دباو سے مقاطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے ہے۔

باب2. مقت طبيسي ادوار

 $H_{c,rms}$  کی صورت میں  $B=B_0\sin\omega t$  نیر سائن نما ہوں گے جن کی موثر قیمتوں  $B=B_0\sin\omega t$  اور  $i_{\varphi,rms}$  کا تعلق درج ذیل ہو گا۔

$$(2.56) Ni_{\varphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

مساوات 2.51 اور مساوات 2.56 سے درج ذیل حاصل ہو گا

$$(2.57) E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2\pi}fB_0H_{c,rms}A_cl_c$$

جہاں جہاں کا مجم ہے۔ یوں  $A_c l_c$  ہجم کے قالب میں  $B_0$  کثافتِ مقناطیسی بہاو پیدا کرنے کے لئے درکار  $A_c l_c$  قالب کا مجم مساوات 2.57 دے گی۔ ایک مقناطیسی قالب جس کا مجم  $A_c l_c$  اور میکانی کثافت  $E_{rms} i_{\varphi,rms}$  مساوات  $E_{rms} i_{\varphi,rms}$  ہو گی لہذا ایک کلو گرام قالب کے لئے مساوات 2.57 کو درج ذیل روپ میں کھا جا سکتا ہے۔

$$(2.58) P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2\pi}f}{\rho_c}B_0H_{c,rms}$$

ویکھا جائے تو کسی ایک تعدد f پر A کی قیمت صرف قالب پر اور قالب میں  $B_0$  یعنی چونی  $B_0$  پر منحصر ہے، چونکہ خود  $B_0$  پر منحصر ہے۔ یہی وجہ ہے کہ قالب بنانے والے اکائی کمیت کے قالب میں مختلف چونی  $B_0$  پیدا کرنے کے لئے درکار  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کی  $B_0$  بالمقابل  $B_0$  ترسیم مہیا کرتے ہیں۔ قالب کی  $B_0$  ملی میٹر موئی پتری کے لئے الیکی ترسیم شکل  $B_0$  میں دکھائی گئی ہے۔

## باب3

# ٹرانسفار مر

ٹرانسفار مر وہ آلہ ہے جو برلتا برقی دباو کو تبدیل کرتا ہے۔ یہ دویا دوسے زیادہ کچھوں پر مشتمل ہوتا ہے جو مقناطیسی قالب اپر لیلئے ہوتے ہیں۔ یہ کچھے عموماً آپس میں جڑے ہوئے نہیں ہوتے۔ شکل 3.1-الف میں ٹرانسفار مرکی علامت د کھائی گئی ہے۔ دو کچھوں کے در میان متوازی کلیریں مقناطیسی قالب کو ظاہر کرتی ہیں۔

دستیاب برقی د باو<sup>2</sup> پر ٹرانسفار مر کے ایک کچھے کو برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے اور باقی کچھوں سے مختلف برقی د باو پر یہی برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے۔ جس کچھے پر برقی د باو لا گو کیا جائے اسے ابتدائیے کچھا<sup>3</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو ابتدائی جانب<sup>4</sup> کہتے ہیں۔اس طرح جس کچھے (کچھوں) سے برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے اسے (انہیں) اگونوںے کچھا<sup>3</sup> (کچھے) کہتے ہیں اور اس جانب کو اگونوںے جانب<sup>6</sup> کہتے ہیں۔اییا شکل 3.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔ٹرانسفار مرکی علامت میں ابتدائی جانب کو ہائیں طرف اور ٹانوی جانب کو دائیں طرف دکھایا جاتا ہے۔

بڑے ٹرانسفار مر عموماً صرف دو کچھوں پر مشمل ہوتے ہیں۔اس کتاب میں مقناطیسی قالب پر لیٹے ہوئے دو کچھوں کے قوی ٹرانسفار مر پر تبصرہ کیا جائے گا۔

magnetic core<sup>1</sup>

<sup>2</sup> بدلتا برقی دیاو کی علامت میں مثبت اور منفی نشان وقت صفر پر برقی دیاو کی مثبت اور منفی سرے ظاہر کرتے ہیں۔

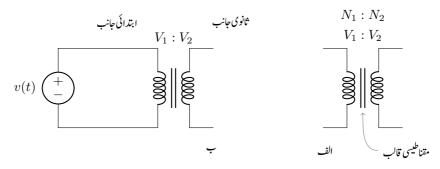
primary coil<sup>3</sup>

primary side<sup>4</sup>

secondary coil<sup>5</sup>

secondary side<sup>6</sup>

56 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شكل 3.1: ٹرانسفار مركى علامت۔

ٹرانسفار مرکے کم برقی دباو کے کچھے کو کم برقی دباو کا کچھا<sup>7</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو کم برقی دباو والی جانب کہتے ہیں جبکہ ٹرانسفار مرکے زیادہ برقی دباو کے کچھے کو زیادہ برقی دباو کا کچھا<sup>8</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو زیادہ برقی دباو والی جانب کہتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مرکے کم برقی دباو جانب برقی دباو لا گو کیا جائے اور زیادہ برقی دباو جانب سے برقی دباو حاصل کیا جائے تو ٹرانسفار مرکی کم برقی دباو جانب کو ابتدائی جانب کہیں گے اور اس کی زیادہ برقی دباو جانب کو ثانوی جانب کہیں گے۔ کہیں گے۔

### 3.1 ٹرانسفار مرکی اہمیت

برلتے رو کی برقی طاقت ایک مقام سے دوسرے مقام با آسانی اور نہایت کم برقی طاقت کی ضیاع سے منتقل کی جا سکتی ہے۔ یہی اس کی مقبولیت کا راز ہے۔ ٹرانسفار مر کے تبادلہ برقی دباو<sup>9</sup> کی خصوصیت ایسا کرنے میں کلیدی کردہر ادا کرتی ہے جسے درج ذیل مثال کی مدد سے سمجھتے ہیں۔

مثال 3.1: شکل 3.2 سے رجوع کریں۔ برتی دباو اور برتی روکی حاصل ضرب برتی طاقت ہوتی ہے:

 $p = v_1 i_1 = v_2 i_2$ 

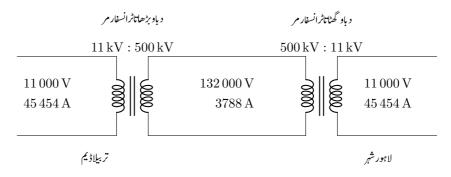
تصور کریں کہ تربیلا ڈیم سے 500 MW برقی طاقت لاہور 10 شہر کے گھریلو صارفین کو 220 وولٹ پر مہیا کرنی

low voltage coil<sup>7</sup> high voltage coil<sup>8</sup>

voltage transformation property<sup>9</sup>

10 صلع صوابی میں بھی لاہورایک تحصیل ہے لیکن اس شہر کواتنی طاقت نہیں در کار

3.1. نُرانسفار مسركي ايميت



شكل 3.2: برقى طاقت كى منتقلى ـ

ہے۔اگر ہم اس طاقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقل کرنا چاہیں تب برقی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{220} = 2\,272\,727\,\mathrm{A}$$

ہو گی۔ برقی تار میں کثافتِ برقی رو  $J_{au}$  تقریباً 5 ایمپیئر فی مربع ملی میٹر  $\frac{A}{mm^2}$  کی مربع ملی میٹر  $J_{au}=5$  ممکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافتِ برقی رو ہے۔ اگر برقی تار میں اس سے زیادہ برقی رو گزاری جائے تو اس کی مزاحمت میں برقی طاقت کے ضیاع سے یہ گرم ہو کر پھول سکتی ہے۔ اس طرح صفحہ 12 پر مساوات 1.23 سے برقی تار کا رقبہ عمودی تراش

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{2272727}{5} = 454545 \,\text{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تو اس کا رداس درج ذیل ہو گا۔

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{454545}{\pi}} = 380 \,\mathrm{mm} = 0.38 \,\mathrm{m}$$

ا تنی موٹی برقی تار کہیں نہیں پائی جاتی ہے $^{11}$  اگر یہ تار الموٹیم کی بنی ہو جس کی کثافت  $\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3}$  ہوتی ہے تب ایک میٹر کمبی تار کی کمیت

$$m=2700\times\pi\times0.38^2\times1=1224\,\mathrm{kg}$$

یعنی 1.2 ٹن ہو گی۔المو ٹیم اتنی مہنگی ہے کہ اس صورت میں اتنی برقی طاقت کو لاہور پہنچانا ممکن نہیں ہو گا<sup>12</sup>۔

<sup>11</sup>آپ مانیں بانی مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی بر قی تاریجھی نہیں دیکھی ہوگی۔ 1<sup>1</sup>آج کل لاہور میں بکلی کی معطلی اس وجہ سے نہیں ہے۔

58 باب 3. ٹرانسفار مسر

آئیں اب ٹرانسفار مر استعال کر کے دیکھتے ہیں۔ ڈیم پر ایک ٹرانسفار مر نسب کر کے برقی دباو کو بڑھا کر 000 132 وولٹ یعنی 132 کلو وولٹ کیا جاتا ہے۔ یوں برقی رو درج ذیل ہو گا

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{132\,000} = 3788\,\mathrm{A}$$

جس کے لئے درکار برقی تار

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{3788}{5} = 758 \,\text{mm}^2$$
$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{1667}{\pi}} = 15.5 \,\text{mm}$$

صرف 15.5 ملی میٹر رداس کی ہو گی۔

اس مثال میں اگر تربیلا ڈیم میں نسب جزیٹر 11000 وولٹ برقی دباو پیدا کر رہا ہو تو تربیلا ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر برقی دباو کو 11000 وولٹ سے بڑھا کر 132 کلو وولٹ کرے گا جبکہ لاہور شہر میں نسب ٹرانسفار مر 132 کلو وولٹ کو واپس 11000 وولٹ کرے گا۔

اسی مثال کو بڑھاتے ہیں۔ شہر میں 220 دولٹ کی بجائے 11000 دولٹ صارف کے قریب پہنچا کر محلہ میں نسب ٹرانسفار مر کی مدد سے 11000 دولٹ کو مزید گھٹا کر 220 دولٹ کیا جائے گا جو صارف کو فراہم کیے جائیں گے۔

شکل 3.2 میں ڈیم سے شہر تک کا نظام دکھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر کو برقی دباو بڑھا ٹرانسفار مر<sup>13</sup> اور لاہور میں نسب ٹرانسفار مر کو برقی دباو گھٹا ٹرانسفار مر<sup>14</sup> کہا گیا ہے۔

برتی طاقت عموماً 11 کلو وولٹ اور 25 کلو وولٹ کے مابین پیدا کی جاتی ہے۔اس کی منتقلی 110 کلو وولٹ اور 1000 کلو وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔ 1000 کلو وولٹ کے چیج کی جاتی ہے جبکہ اس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔

step up  $transformer^{13}$ step down  $transformer^{14}$ 

3.2. ٹرانسفار مسرکے اتب م

### 3.2 ٹرانسفار مرکے اقسام

گھروں اور کارخانوں کو برقی طاقت فراہم کرنے والے ٹرانسفار مر مقناطیسی قالب پر کپیٹے جاتے ہیں۔ یہ عموماً تیریخ دوری 15 ہوتے ہیں جنہیں لوہے کے قالب والے تیریخ مرملہ قوبی ٹرانسفار م<sup>16</sup> کہتے ہیں۔

نہایت جھوٹے ٹرانسفار مر عموماً لوہے کے قالب پر بنائے جاتے ہیں اور یکے دوری 17 ہوتے ہیں۔ یہ گھر ملو استعال کے برقی مثین، مثلاً موبائل چار جر، وغیرہ میں نب ہوتے ہیں اور 220 وولٹ سے برقی دباو مزید گھٹاتے ہیں۔

برقی دباوکی پیائش کے لئے مستعمل ٹرانسفار مر، جو دباو کے ٹرانسفارم <sup>18</sup> کہلاتے ہیں، کے ثانوی اور ابتدائی برقی دباو کی تناسب پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔اسی طرح برقی روکی پیائش کے لئے مستعمل ٹرانسفار مر، جو روکے ٹرانسفارم <sup>19</sup> کہلاتے ہیں، کے ثانوی اور ابتدائی روکی تناسب پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مرکسی تناسب سے برقی دباویا برقی روکم یا زیادہ کرتا ہے لیکن جیسا پہلے ذکر کیا گیا، ان دو اقسام کے ٹرانسفار مروں میں کم اور زیادہ کرنے کی تناسب پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ان دو اقسام کے ٹرانسفار مروں کی برقی سکت<sup>20</sup> نہایت کم <sup>21</sup> ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مر کے کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو خلاء کے ذریعہ بھی ممکن ہے۔انہیں ظلائمے قالب ٹرانسفار مروں کہتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفار مر ذرائع ابلاغ <sup>23</sup> کے ادوار، لیعنی ریڈیو، ٹی وی وغیرہ میں پائے جاتے ہیں۔ان ٹرانسفار مروں کی علامت شکل 3.3 میں دکھائی گئی ہے جس میں قالب ظاہر کرنے والی متوازی کلیریں نہیں پائی جاتی ہیں۔

### 3.3 امالى برتى دباو

اس جھے کا بنیادی مقصد بیرونی برقی دباو v اور اندرونی امالی برقی دباو e میں فرق واضح کرنا اور ان سے متعلق سمنیکی اصطلاحات کا تعارف ہے۔

three  $phase^{15}$ 

iron core, three phase power  $transformer^{16}$ 

single phase<sup>17</sup>

 $potential\ transformer^{18}$ 

current transformer 19

electrical rating  $^{20}$ 

<sup>21</sup> پير عموماً تقريباً پچيس وولٺ -ايمپيئر سکت رکھتے ہيں۔

air core transformer<sup>22</sup>

 $communication\ transformer^{23}$ 

60 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شکل 3.4 میں بے بو جھ 24 ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے، یعنی اس کا ثانوی کچھا کھلے دور رکھا گیا ہے۔ ابتدائی کچھے کی مزاحمت  $R_1$  ہے جس کو بیرونی جزو دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کچھے پر  $v_1$  برقی دباو لا گو کرنے سے ابتدائی کچھے میں بیجان انگیز برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو  $N_1i_{\varphi}$  قالب میں مقناطیسی بہاو  $\varphi$  پیدا کے گا۔ یہ بداتا مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے میں امالی برقی دباو  $e_1$  پیدا کرتا ہے جسے درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

(3.1) 
$$e_1 = \frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t} = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

اس مساوات میں

- $\lambda$  ابتدائی کیجے کی مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے،
- $\varphi$  مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو جو دونوں کیھوں میں سے گزرتی ہے،
  - ابتدائی کھھے کے چکر ہیں۔  $N_1$

ابتدائی کچھے کی مزاحمت  $R_1$  صفر نہ ہونے کی صورت میں کرخوف کے قانون برائے برقی دباو کے تحت درج ذیل ہو گا۔

$$(3.2) v_1 = i_{\varphi} R_1 + e_1$$

 $\begin{array}{c} unloaded^{24} \\ excitation \ current^{25} \end{array}$ 

شکل 3.4 میں اس مزاحت کو بطور بیرونی جزو، ٹرانسفار مر کے باہر، دکھایا گیا ہے۔اس کچھے کی رستا متعاملہ بھی ہو گی جے نظرانداز کیا گیا ہے۔ عموماً طاقت کے ٹرانسفار مروں اور موٹروں میں  $i_{\varphi}R_1$  کی قیمتوں سے بہت کم ہوتی ہے لہذا اسے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ ایسا کرتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(3.3) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 3.2 سے ثابت ہوتا ہے کہ بیرونی لاگو برقی دباو  $v_1$  اور اندرونی امالی برقی دباو  $e_1$  دو علیحدہ برقی دباو ہیں۔ یہ بات سمجھ لینا بہت ضروری ہے۔ مساوات 3.3 کے تحت  $v_1$  اور  $e_1$  کی مطلق قیمتیں (تقریباً) ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں  $v_1$ 

لچھا ہیجارے <sup>27</sup> کرنے سے مراد اس پر بیرونی برتی دباو لا گو کرنا ہے جبکہ کچھ پر لا گو بیرونی برتی دباو کو ہیجارے انگیز برتھے دباو<sup>28</sup> کہتے ہیں۔کچھے کو ہیجارج شدہ کچھا<sup>29</sup> جبکہ اس میں رواں برتی رو کو ہیجارے انگیزبرتھے رو<sup>30</sup> کہتے ہیں۔

کچھے میں گزرتی مقناطیسی بہاو کی تبدیلی سے برقی دباو حاصل کیا جا سکتا ہے۔ ٹرانسفار مروں میں ساکن کچھا سے برقی دباو کا امالی برقی دباو <sup>31</sup> کہتے ہیں۔ برقی دباو کا حصول مقناطیسی میدان میں کچھے کی حرکت سے بھی ممکن ہے۔ ایسے برقی دباو کو محرکھے برقی دباو<sup>32</sup> کہتے ہیں۔ یاد رہے ان برقی دباو میں کسی قشم کا فرق نہیں ہوتا۔ انہیں مختلف نام صرف بہچان کی خاطر دئے جاتے ہیں۔

## 3.4 ميجان انگيز برقى رواور قالبى ضياع

جہاں مقناطیسی قالب میں براتا مقناطیسی بہاو ثانوی لیھوں میں فائدہ مند برقی دباو پیدا کرتا ہے وہاں یہ مقناطیسی قالب میں نقصان دہ برقی دباو کو بھی جنم دیتا ہے جس سے مقناطیسی قالب میں بھورنما برقی رو<sup>33</sup> پیدا ہوتا ہے۔ بھنور نما برقی

<sup>26</sup> جس سے طلبہ کی ذبن میں بیر غلط منجی پیدا ہوتی ہے کہ بیدا یک ہی برتی دیاو کے دو مختلف نام ہیں۔ 27 ۔

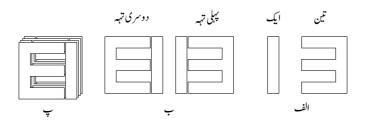
 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm excitation~voltage^{28}} \\ {\rm excited~coil^{29}} \end{array}$ 

excitation current<sup>30</sup>

induced voltage<sup>31</sup>

electromotive force, emf<sup>32</sup> eddy currents<sup>33</sup>

62 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شکل 5. 3: قالبی پتری کے اشکال اور ان کو تہہ در تہہ رکھنے کاطریقہ۔

رو مقناطیسی قالب میں برقی طاقت کے ضیاع کا سبب بنتا ہے جے بھور نما برقی رو کا ضیاع  $^{36}$  یا مخضراً قالبی ضیاع  $^{35}$  کہتے ہیں۔ قالبی ضیاع کو کم سے کم کرنے کے لئے مقناطیسی قالب کو باریک لوہے کی پیزیان  $^{36}$  تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے۔ان پتریوں پر غیر موصل روغن  $^{37}$  کی تہہ لگائی جاتی ہے تا کہ بھنور نما برتی روکو روکا جا سکے۔آپ ویکھیں گے کہ برتی مشین کا قالب عموماً اسی طرح بنایا جاتا ہے۔شکل 2.15 اور جدول 2.1 میں  $^{3048}$  میں میٹر موٹی کا کہ برتی موٹ کا  $^{37}$  کے مواد دیا گیا ہے۔

شکل 3.5-الف میں قالبی پتر یوں کے دو اشکال دکھائے گئے ہیں۔ان کی صورت کی وجہ سے انہیں ایک اور اور علی علی علی بی بتر یوں اور تین پتر یوں اور تین پتر یوں کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ان دو طریقوں سے انہیں تہہ در تہہ رکھا جاتا ہے۔الذا اگر پہلی تہہ میں ایک دائیں جانب اور تین بائیں جانب رکھا جائے تو اس کے اوپر دوسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جانب رکھا جائے گا۔ تیسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جوڑ کر شکل 3.5۔پ میں دکھایا گیا قالب حاصل دائیں اور تین کو بائیں جانب رکھا جائے گا، وغیرہ۔اسی طرح انہیں جوڑ کر شکل 3.5۔پ میں دکھایا گیا قالب حاصل کیا جاتا ہے۔

ہیجان انگیز برقی رو بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مر میں یکسال ہوتا ہے ۔جیسا کہ پہلے بھی ذکر کیا گیا ہے، قوی ٹرانسفار مر اور موٹرول میں برقی دباو اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں جبکہ ان میں بیجان انگیز برقی رو غیر سائن نما ہوتا ہے۔ بول اگر

(3.4) 
$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / -90^\circ$$

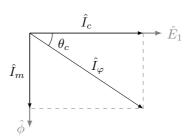
eddy current loss<sup>34</sup>

core loss<sup>35</sup>

 $laminations^{36} \\$ 

 $enamel^{37}$ 

 $<sup>\</sup>mathrm{E.I}^{38}$ 



شکل3.6: مختلف دوری سمتیوں کے زاویے۔

ہو تب

(3.5) 
$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t} = \omega N_1 \phi_0 \cos \omega t$$
 
$$\hat{E_1} = \omega N_1 \phi_0 / 0$$

 $\pi^{0}$  ہو  $\pi^{0}$  گا۔ یہاں  $\pi^{0}$  مقناطیسی بہاو کے حیطہ کو ظاہر کرتی ہے اور  $\pi^{0}$  ناویائی تعداد ارتعاش لیعنی  $\pi^{0}$  کو ظاہر کرتی ہے  $\pi^{0}$  ہوں  $\pi^{0}$  تعداد ارتعاش ہے جسے ہرٹر  $\pi^{0}$  ہیں نایا جاتا ہے۔ جیسا شکل  $\pi^{0}$  ہیں دکھایا گیا ہے  $\pi^{0}$  اور  $\pi^{0}$  کا زاوبیہ ہو گا۔  $\pi^{0}$  ہوگ موثر قیت  $\pi^{0}$ 

(3.6) 
$$E_{rms} = \frac{\omega N_1 \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N_1 \phi_0$$

ہے جس سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(3.7) 
$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44f N_1 \phi_0}$$

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر ثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک کچھ پر  $E_{rms}$  موثر برتی دباو لاگو کیا جائے تو یہ کچھا اتنا ہجان انگیز برتی رو  $i_{arphi}$  گزرنے دیتا ہے جس سے نمودار ہونے والا مقناطیسی بہاو مساوات 3.7 میں دیے گئے مقناطیسی بہاو  $\phi_0$  کے برابر ہو۔ یہ حقیقت نہ صرف ٹرانسفار مر بلکہ کسی بھی مقناطیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔

نیر سائن نما ہیجان انگیز برقی رو  $i_{\varphi}$  کو فوریئر تسلسل  $^{40}$  سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔  $i_{\varphi} = \sum_{n} \left( a_{n} \cos n\omega t + b_{n} \sin n\omega t \right)$  (3.8)

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup>ں مساوات میں اوراس کے بعد پور کی کتاب میں امالی برقی دباد کے ساتھ منفی علامت نہیں لگائی گئی ہے۔ Fourier series <sup>40</sup>

اس تسلسل میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جزو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے بیادی جزو میں آنے والے امالی برقی دباو،  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے ہم قدم ہے اور میں آنے والے امالی برقی دباو،  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے ہم قدم ہے اور دونوں ایک ساتھ بڑھے اور گھٹے ہیں جبہ  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے لخاظ سے  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے خاط ہے۔ قالب میں مختلف وجوہات کی بنا برقی طاقت کی ضائع، کو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  خاص بنانے والا برقی رو یا مقناطیسی برقی رو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  منفی کر کے مقناطیس بنانے والا برقی رو یا مقناطیسی برقی رو  $(a_1\cos\omega t + b_1\cos\omega t)$  میں تیبرا موسیقائی جزو عموماً کل ہوگان انگیز برقی رو کا 40 فی صد ہوتا ہے۔

ماسوائے جب بیجان انگیز برقی رو کے اثرات پر غور کیا جا رہا ہو، ہم بیجان انگیز برقی رو کے غیر سائن نما ہونے کو نظرانداز کرتے ہیں۔ قوی ٹرانسفار مرکا بیجان انگیز برقی رو اس کے کل برقی رو  $^{45}$ کا تقریباً 5 فی صد ہوتا ہے للذا اس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔ یوں ہم بیجان انگیز برقی رو کو سائن نما تصور کر کے اس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کر نا آسان ہو جاتا ہے۔ اس فرضی سائن نما بیجان انگیز برقی رو  $^{46}$  کی موثر قیمت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ  $^{6}$  یوں رکھا جاتا ہے کہ اس سے ماصل برقی ضیاع اصل برتی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل  $^{6}$  کی مدد سے بیہ بات سمجھنی زیادہ آسان ہے۔ قالبی ضیاع مورت میں  $^{6}$  کی قیمت یوں منتخب کی جائے گی کہ درج ذیل مساوات درست ہو۔

 $(3.9) p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$ 

رباو  $\hat{I}_{arphi}$  د باو  $\hat{E}_{1}$  سے  $\hat{I}_{arphi}$  تاخیر کی ہو گا۔

# 3.5 تبادله برقی د باواور تبادله برقی روکے خواص

 $N_2$  ہم شکل  $N_1$  کی مدد سے ٹرانسفار مر کا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ ابتدائی لچھا  $N_1$  اور ثانوی لچھا و $N_2$  چیکر کا ہے اور دونوں لچھوں کی مزاحمتیں صفر ہیں۔ ہم مزید فرض کرتے ہیں کہ یورا مقناطیسی بہاو قالب ہیں رہتا اور

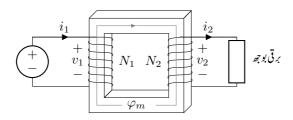
fundamental component<sup>41</sup>

harmonic components<sup>42</sup>

core loss component<sup>43</sup>

magnetizing current<sup>44</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup>کل بر تی روے مرادوہ بر تی روہ جو کل بر تی پوجھ لادنے سے حاصل ہوتا ہے۔ <sup>46</sup> یعنی بدلتا بر تی رو<sub>ن</sub> ہی کواپ دوری سمتہ کی مد دسے <u>، آ</u>کھتے ہیں



شكل 3.7: كامل بوجھ بردارٹرانسفار مر۔

دونوں کچھوں سے گزرتا ہے، قالب میں برقی توانائی ضائع نہیں ہوتی اور قالب کا مقناطیسی مستقل اتنا بڑا ہے کہ بیجان انگیز برقی رو قابل نظر انداز ہے۔ برقی رو  $i_1$  اور  $i_2$  کے رخ یوں رکھے گئے ہیں کہ ان سے پیدا مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کے مخالف رخ ہیں۔ اصل ٹرانسفار مر ان باتوں پر تقریباً پورا اترتا ہے۔ ایسے ٹرانسفار مر کو کامل ٹرانسفار مر  $t_1$  کہتے ہیں۔

کامل ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے پر بدلتا برتی دباو  $v_1$  لا گو کرنے سے قالب میں بدلتا مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  پیدا ہو گا جو ابتدائی کچھے میں ، لا گو برتی دباو  $v_1$  براب، امالی برتی دباو  $v_1$  پیدا کرتا ہے۔

$$(3.10) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

یمی مقناطیسی بہاو دوسرے کیجے سے بھی گزرے گا اور اس میں  $e_2$  امالی برقی دباو پیدا کرے گا جو ثانوی سروں پر برقی دباو  $v_2$  صورت میں نمودار ہو گا۔

$$(3.11) v_2 = e_2 = N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 3.10 کو مساوات 3.11 سے تقیم کرتے ہوئے درج ذیل رشتہ حاصل ہوتا ہے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}}{N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

جس کے تحت کامل ٹرانسفار مر دونوں لیجھوں کے چکروں کی نسبت سے تبادلہ برقی دباو<sup>48</sup> کرتا ہے۔

کامل ٹرانسفار مر میں طاقت کا ضیاع نہیں ہوتا ہے لہذا اس کو ابتدائی جانب جنتی برقی طاقت فراہم کی جائے وہ اتنی برقی طاقت ثانوی جانب دے گا:

$$(3.13) p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} ideal\ transformer^{47}\\ voltage\ transformation^{48} \end{array}$ 

درج بالا مساوات سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

کھا جا سکتا ہے جس کو مساوات 3.12 کے ساتھ ملا کر درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

مساوات 3.15 ٹرانسفار مر کی تبادلہ برقی دباو اور تبادلہ برقی رو<sup>49</sup> کی خاصیت پیش کرتی ہے جسے عموماً دو حصوں میں یوں لکھا جاتا ہے:

$$(3.16)$$
  $rac{v_1}{v_2}=rac{N_1}{N_2}$  تبادلہ برتی دیاہ  $rac{i_1}{i_2}=rac{N_2}{N_1}$  تبادلہ برتی رو

اس مساوات کا پہلی جزو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو دونوں اطراف چکروں کا راست متناسب ہو گا جبکہ مساوات کا دوسری جزو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مرکے دونوں اطراف برقی رو چکروں کا بالعکس متناسب ہو گا۔

مثال 3.2: شکل 3.7 میں درج ذیل لیتے ہوئے ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو اور برقی رو معلوم کریں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 
 $Z = R = 10 \Omega$ 

حل: ابتدائی جانب برقی دباو 220 وولٹ دیا گیا ہے۔ ہم ثانوی جانب برقی دباو کو مساوات 3.16 کے پہلی جزو کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220 / 0 = 22 / 0$$

ثانوی دباو 22 وولٹ ہے جو ابتدائی دباو کے ہم قدم ہے۔ ثانوی برقی دباو 10 اوہم کی مزاحمت میں برقی رو پیدا کرے گا جے اوہم کے قانون سے حاصل کرتے ہیں:

$$\hat{I}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

 $current\ transformation^{49}$ 

ثانوی رو 2.2 ایمپیئر ہے۔ ابتدائی رو مساوات 3.16 کے دوسری جزو سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اس مثال کے نتائج ایک جگہ لکھ کر ان پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
,  $\hat{V}_2 = 22/0$ ,  $\hat{I}_1 = 0.22/0$ ,  $\hat{I}_2 = 2.2/0$ 

ابتدائی دباو ثانوی دباو کے دس گنا ہے جبکہ برقی رو میں قصہ الٹ ہے۔ ثانوی رو ابتدائی رو کے دس گنا ہے۔ طاقت دونوں اطراف برابر ہے۔ یہاں رک کر اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں کہ جس جانب برقی دباو زیادہ ہوتا ہے اس جانب برقی رو کم ہو گا۔ یوں زیادہ دباو لچھا کے چکر زیادہ ہوں گے اور اس لچھے میں نسبتاً باریک برقی تار استعال ہو گی جبکہ کم دباو لچھا کم چکر کا ہو گا اور اس میں نسبتاً موٹی برقی تار استعال ہو گی۔ موٹی تار زیادہ رو گزارنے کی سکت رکھتی ہے۔

مثال 3.3: صفحہ 72 پر شکل 3.10-الف میں رکاوٹ  $Z_2$  کو بدلتے برقی دباو  $\hat{V}_1$  کے ساتھ ایک ٹرانسفار مرکے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔درج ذیل معلومات کی روشنی میں رکاوٹ میں برقی رو اور طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔

$$\hat{V}_1 = 110 / 0, \quad Z_2 = R + jX = 3 + j2, \quad N_1 : N_2 = 220 : 22$$

حل: ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباوکی خاصیت کے تحت ابتدائی 110 وولٹ دباو ٹانوی جانب درج ذیل دباو  $\hat{V}_s$  دے گا۔

$$\hat{V_s} = \frac{N_2}{N_1} \hat{V_1} = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

یوں ثانوی رو

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11\underline{/0}}{3+i2} = 3.05\underline{/-33.69}^{\circ}$$

اور رکاوٹ میں برقی طاقت کا ضیاع  $p_z$  درج ذیل ہو گا۔

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$



# 3.6 ثانوى جانب بوجھ كاابتدائي جانب اثر

شکل 3.8 میں ابتدائی کچھے کی تارکی مزاحمت کو R سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ ثانوی جانب بوجھ Z ہے۔ فرض کریں ہم Z آتار کر ٹرانسفار مر کے ثانوی سرے کھلے دور کرتے ہیں۔ بے بوجھ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب بدلتا برقی دباو  $v_1$  قالب میں گھڑی کے رخ بیق دباو  $v_1$  قالب میں گھڑی کے رخ مقاطیسی دباو  $v_2$  پیدا کرے گا۔ بہاو  $v_3$  ابتدائی کچھے میں  $v_4$  امالی برقی دباو پیدا کرتا ہے۔

$$(3.17) e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ابتدائی رو، فراہم کردہ دباو اور ابتدا امالی دباو کا تعلق قانون اہم سے لکھا جا سکتا ہے۔

$$(3.18) i_{\varphi} = \frac{v_1 - e_1}{R}$$

اب ہم ثانوی جانب برتی ہو جھ Z لادتے ہیں۔ ہو جھ بردار ٹرانسفار مر $i_1$  کے ثانوی جانب برتی رو $i_2$  رواں ہو گا جس کی وجہ سے  $N_2i_2$  مقناطیسی دباو وجود میں آئے گا۔ یہ مقناطیسی دباو قالب میں گھڑی کے مخالف رخ مقناطیسی بہاو جہ یہاو جہ سے وہ سے ایندائی کے میں اور ابتدائی کھے میں امالی دباو گھٹ کر  $\varphi_m - \varphi_0 = i_2$  اور ابتدائی کھے میں امالی دباو گھٹ کی وجہ سے ابتدائی رو بڑھے گا۔

آپ نے دیکھا کہ ثانوی جانب کا رو قالب میں مقناطیسی بہاو تبدیل کر کے ابتدائی کچھے کو بوجھ کے بارے میں خبر دار کرتا ہے۔

اگیاہے۔  $\varphi_m$  کو یہاں  $\varphi_m$  کہا گیاہے۔ loaded transformer  $^{51}$ 

آئیں R کی قیمت کو نظرانداز کرتے ہوئے ہے بار ٹرانسفار مرسے شروع کر کے اس عمل کو زیادہ باریکی سے دیکھیں۔ٹرانسفار مرکو  $v_1$  فراہم کرنے سے ابتدائی کچھے میں بیجان انگیز رو  $i_{\varphi}$  پیدا ہوگا جو قالب پر  $e_1$  فراہم کرنے سے ابتدائی کچھے میں بیجان انگیز رو  $e_1$  پیدا کرتا متناطیسی دباو مسلط کر کے اس میں گھڑی کے رخ بہاو  $\varphi_m$  پیدا کرتا  $v_1$  ہوگا لہذا مساوات  $v_1$  درج ذیل صورت اختیار کرتے ہوئے  $v_1$  ہوگا لہذا مساوات  $v_1$  درج ذیل صورت اختیار کرتی ہوئے کے مزاحمت نظرانداز کرتے ہوئے ہوئے میں میں گرتی ہے۔

$$(3.19) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

اب ٹرانسفار مر پر Z ہوجھ ڈالتے ہیں۔ اس ہوجھ کی بنا ثانوی کچھے میں  $i_2$  رو پیدا ہو گا جو قالب پر گھڑی کے مخالف رخ مقناطیسی دباو  $N_2i_2$  مسلط کر کے اس میں گھڑی کے مخالف رخ بہاو  $\varphi_2$  پیدا کرے گا۔ اگر  $\varphi_2$  مسلط کر کے اس میں گھڑی کے مخالف رخ بہاو ہو جائے گا اور ابتدائی کچھے میں امالی دباو گھٹ نہ کیا جائے تب قالب میں کل مقناطیسی بہاو گھٹ کر  $\varphi_m - \varphi_2$  ہو جائے گا۔ مساوات  $v_1$  کے تحت یہ ایک ناممکن صورت حال ہے چونکہ  $v_1$  کو جم صورت  $v_1$  کے برابر مونا ہو گا (یاد رہ ہ کی قیت جوں کی توں ہے)۔ لہذا  $\varphi_2$  کے اثر کو ختم کرنے کے لئے ابتدائی کچھے میں برقی رو نامورار ہو گا جس سے پیدا مقناطیسی دباو  $v_1$  مقناطیسی دباو  $v_1$  مقناطیسی دباو صفر ہو گا۔ اور  $v_1$  کا مجموعی مقناطیسی دباو صفر ہو گا۔

$$(3.20) N_1 i_1 - N_2 i_2 = 0$$

درج بالا مساوات میں دونوں دباو ایک دوسرے کے مخالف رخ ہیں للذا ان کا مجموعہ در حقیقت ان کے فرق کے برابر ہوگا۔ مقناطیسی دباو  $N_1i_1$  اور  $N_2i_2$  قالب میں ایک دوسرے کے مخالف رخ ہیں للذا یہ ایک دوسرے کے اثر کو مکمل طور پر ختم کرتے ہیں۔ یوں بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مر دونوں میں مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  کے برابر ہوگا۔ مساوات 3.20 سے تنادلہ رو کا کلیہ اخذ کیا جا سکتا ہے:

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

# 3.7 ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کا مطلب

شکل 3.9 میں جس لمحہ پر ابتدائی کچھے کا بالائی سر مثبت برقی دباو پر ہو، اس لمحہ پر ثانوی کچھے کا بالائی سر مثبت دباو پر ہے۔ اس حقیقت کو کچھوں پر نقطوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یول نقطی سروں پر دباو ہم قدم ہوں گے۔



شكل 9. 3: ٹرانسفار مركى علامت ميں نقطوں كامفہوم۔

مزید ابتدائی کیچے کے نقطی سرسے مثبت برتی رو کیچے میں داخل جبکہ ثانوی کیچے کے نقطی سرسے مثبت برتی رو کیچے سے خارج ہو گی۔

#### 3.8 ركاوك كاتبادله

اس حصہ میں کامل ٹرانسفار مر میں رکاوٹ کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ شکل 3.10-الف میں ایک ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس کی ابتدائی جانب سائن نما برقی دباو  $V_1 = V_1 / \theta$  لاگو کیا گیا ہے۔ یہاں دوری سمتیہ استعمال کئے جائیں گے۔ ٹرانسفار مر پر نقطے ہم قدم سروں کی نشاندہی کرتے ہیں۔

جیسے اوپر ذکر ہوا، برقی دباو  $\hat{V}_1$  اور  $\hat{V}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں اور اسی طرح برقی رو  $\hat{I}_1$  اور  $\hat{I}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں۔ سیاوات 3.12 اور مساوات 3.21 کو دوری سمتیہ کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$(3.22) \qquad \hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right) \hat{V_2}$$

$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) \hat{I_2}$$

خارجی د باو، رو اور رکاوٹ کا تعلق قانون اہم سے لکھتے ہیں۔

$$(3.23) Z_2 = \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = |Z_2| \underline{/\theta_z}$$

مساوات 3.22 سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے جہاں آخری قدم پر رکاوٹ کی قیمت پر کی گئی ہے۔

(3.24) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

3.8 ر کاوٹ کاتب دلہ

یوں داخلی رو درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{I}_1 = \frac{\hat{V}_1}{(N_1/N_2)^2 Z_2}$$

 $Z_2'$  کو فراہم کیا گیا ہے۔  $\hat{V}_1$  ورج ذیل قیت کے رکاوٹ  $Z_2'$  کو فراہم کیا گیا ہے۔

(3.26) 
$$Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

آپ تىلى كر كين كە اس دور مين تجى  $\hat{V}_1$  كا برقى رو مساوات 3.25 دىتى ہے۔

ماوات  $Z_2'$  سے نبیت  $\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}}$  کھتے ہیں جو شکل 3.10-ب کے تحت  $Z_2'$  کے برابر ہے۔

(3.27) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

دونوں ادوار سے  $\hat{V}_1$  کی طاقت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

(3.28) 
$$p = \hat{V_1} \cdot \hat{I_1} = \frac{V_1^2 \cos \theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 |Z_2|}$$

یوں حساب کرنے کے نقطہ نظر سے ہم  $\hat{V}_1$  کو مساوات 3.26 میں دی گئی قیمت کے رکاوٹ  $Z_2'$  پر لا گو کرتے ہوئے  $\hat{V}_1$  کا برتی رو اور طاقت جان سکتے ہیں۔

 $Z_2$  منبع  $\hat{V}_1$  کو شکل  $Z_2$ -الف اور ب میں کوئی فرق نظر نہیں آتا ہے۔اس کے ساتھ ٹرانسفار مرکے ذریعہ جوڑنا یا بغیر ٹرانسفار مر  $Z_2$  جوڑنا ایک برابر ہے۔ ٹرانسفار مر  $Z_2$  کو یوں تبدیل کرتا ہے کہ  $\hat{V}_1$  کو رکاوٹ  $Z_2'$  نظر آتا ہے۔ ٹرانسفار مرکی اس خاصیت کو تبادلہ رکاوہے  $Z_2'$ کی خاصیت کہتے ہیں جس کو درج ذیل مساوات بیان کرتی ہے۔ ٹرانسفار مرکی اس خاصیت کو تبادلہ رکاوہے  $Z_2'$ 

(3.29) 
$$Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

ہم حماب کرنے کی خاطر رکاوٹ کوٹرانسفار مرکی ایک جانب سے دوسری جانب منتقل کر سکتے ہیں۔









شكل 3.11: برقى طاقت كى منتقلى ـ

3.8 رکاوٹ کاتب دلہ



شكل3.12: ٹرانسفار مرقدم باقدم حل كرنے كاطريقه۔

مثال 3.4: شکل 3.11-الف میں رکاوٹ  $Z_B$  کا برقی بوجھ ایک جزیٹر پر لدا ہے۔ بوجھ تک برقی طاقت دو برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کیا گیا ہے۔ ان تاروں کا مجموعہ رکاوٹ  $Z_t$  ہے۔

شکل-ب میں جزیٹر کے قریب نسب برقی دباو بڑھانے والا ٹرانسفار مر برقی دباو کو دس گنا بڑھاتا ہے اور برقی بوجھ کے قریب نسب برقی دباو گھٹانے والا ٹرانسفار مر برقی دباو کو دس گنا گھٹاتا ہے۔دونوں ٹرانسفار مروں کے بچ تاروں کا مجموعہ رکاوٹ  $Z_t$  ہے جبکہ باقی مستعمل تاروں کی رکاوٹ قابل نظر انداز ہے۔دونوں اشکال میں

$$Z_B = 2 + j4$$
,  $Z_t = 0.1 + j0.15$ ,  $\hat{V} = 415/0$ 

لیتے ہوئے

- برقی بوجھ پر برقی دباو معلوم کریں،
- برقی تارول میں برقی طاقت کا ضیاع معلوم کریں۔

impedance transformation  $^{52}$ 

حل الف:

$$\begin{split} \hat{I}_t &= \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415/0}{0.1 + j0.15 + 2 + j4} \\ &= \frac{415/0}{2.1 + j4.15} = 89.23 / -63.159^{\circ} \\ &= 40.3 - j79.6 \end{split}$$

يوں رکاوٹ پر برقی د باو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$
  
= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تاروں میں برقی طاقت کا ضیاع درج ذیل ہو گا۔

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

حل ب: شکل 3.11 اور شکل 3.12 سے رجوع کریں۔ شکل 3.11 میں ٹرانسفار مر $T_2$  گانوی رکاوٹ کو مساوات 3.26 کی مدد سے ابتدائی جانب منتقل کرتے ہیں۔

$$Z_B' = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل 3.12-الف حاصل ہوتا ہے جس میں برقی تار کا رکاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار جڑے ہیں۔ان کے مجموعہ کو Z

$$Z' = Z_t + Z_B' = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

لکھتے ہوئے شکل 3.12-ب حاصل ہوتا ہے۔ایک مرتبہ دوبارہ مساوات 3.26 استعال کرتے ہوئے کا کو گرانسفار مرکے ابتدائی جانب منتقل کرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

شکل 3.12-پ ماصل ہو گا جس سے جزیر کا برتی رو درج زیل ہو گا۔

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + i4.0015} = 92.76/-63.432^{\circ}$$

شکل 3.12-ب میں جزیٹر کا برقی رو جانتے ہوئے تبادلہ برقی روسے  $\hat{I}_t$  حاصل کرتے ہیں۔  $\binom{N_1}{t}$  برگ روسے میں جریٹر کا برقی رو جانتے ہوئے تبادلہ برقی روسے میں جزیٹر کا برقی روسے ہیں۔

 $\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I}_G = \left(\frac{1}{10}\right)92.76/-63.432^\circ = 9.276/-63.432^\circ$ 

یوں برقی تار میں طاقت کا ضیاع درج ذیل ہو گا۔

 $p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$ 

اسی طرح شکل 3.11 میں  $\hat{I}_t$  جانتے ہوئے تبادلہ برقی روسے

 $\hat{I}_B = \left(\frac{N_3}{N_4}\right) \hat{I}_t = \left(\frac{10}{1}\right) 9.276 / -63.432^{\circ}$  $= 92.76 / -63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9$ 

حاصل کیا جا سکتا ہے۔رکاوٹ پر برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

بغیر ٹرانسفار مر استعال کیے برقی تاروں میں طاقت کا ضیاع 796 واٹ جبکہ ٹرانسفار مر استعال کرتے ہوئے صرف 8.6 ا واٹ یعنی 92 گنا کم ہے۔اس میں ٹرانسفار مرکی مقبولیت کا راز ہے۔

## 3.9 ٹرانسفار مر کاوولٹ-ایمپیئر

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو کچھوں کے چکروں پر منحصر ہوتا ہے۔ٹرانسفار مر ایک مخصوص برقی دباو اور برقی رو کے لئے بنایا جاتا ہے۔ٹرانسفار مر بناوٹی برقی دباو پر بھی استعال کیا جا سکتا ہے اگرچہ عموماً اسے بناوٹی برقی دباو پر بھی جا ہوتا ہے۔ اس طرح ٹرانسفار مر بناوٹی برقی رویا  $I_1:I_2$  سے کم برقی رو پر بھی استعال کیا جا سکتا ہے۔ تھی استعال میں ٹرانسفار مرکا برقی روعموماً بناوٹی قیت سے کم ہوتا ہے۔

ٹرانسفار مرکی ایک جانب کے برقی دباو اور برقی رو کا حاصل ضرب دوسری جانب کے برقی دباو اور برقی رو کا حاصل ضرب کا برابر ہوتا ہے۔

$$(3.30) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

برتی دباہ اور برتی رو کے حاصل ضرب،  $V_1I_1$  یا  $V_2I_2$ ، کوٹرانسفار مرکا وولٹ ضرب ایمپیئر یا مختصراً وولھے۔ایمپیئر  $V_2I_2$  بہتے ہیں  $V_2I_3$  جوٹرانسفار مر کے برقی سکت کا ناپ ہے۔ٹرانسفار مر اور دیگر برقی مشین، مثلاً موٹر اور جزیئر جوٹرانسفار مرکے بین ، پر نسب معلوماتی شختی پر ان کا سکت، بناوٹی برقی دباہ اور بناوٹی تعداد لکھا جاتا ہے۔ یوں ٹرانسفار مرکا وولٹ۔ایمپیئر درج ذیل ہوگا۔

$$(3.31) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

مثال 3.5: ایک 25000 وولٹ-ایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مر کے زیادہ برقی د ہاو کی جانب 11000 وولٹ لاگو ہیں۔

- اس کی ثانوی جانب زیادہ سے زیادہ کتنا برقی بوجھ ڈالا جا سکتا ہے؟
- زیادہ سے زیادہ برقی بوجھ پر ٹرانسفار مر کا ابتدائی برقی رو حاصل کریں۔

حل: اس ٹرانسفار مر کی معلومات درج ذیل ہیں۔

 $25 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 11000 : 220 \,\mathrm{V}$ 

تبادلہ برقی دباوکی مساوات سے ثانوی برقی دباو 220 وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ ثانوی لیمنی کم برقی دباو جانب زیادہ سے زیادہ سرقی رو مساوات 3.31 سے حاصل ہو گا۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اسی طرح ابتدائی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو اسی مساوات سے حاصل ہو گا۔

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

П

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب کچھوں میں استعال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی جاتی ہے کہ ان میں کثافتِ برقی رو 55 کیساں ہو۔ کچھوں کی مزاحمت میں برقی رو گزرنے سے برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے تار گرم ہوتی

volt-ampere, VA<sup>53</sup>

<sup>64</sup> ووك - ايمييئر كو عموماً كلوووك - اليمييئر ليني لا VA مين بيان كياجاتا بـ

<sup>1000</sup> kV A<sup>55</sup> لرانسفار مر کی کیھوں میں کثافت برتی رو تقریباً 3 A/mm<sup>2</sup> کی جاتی ہے

ہے۔ٹرانسفار مر کے برقی رو کی حد کچھوں کی گرمائش پر منحصر ہوتی ہے۔تار کی زیادہ سے زیادہ درجہ حرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا جاتا ہے۔زیادہ درجہ حرارت سے تار پر لگا روغن خراب ہو گا اور تار کا ایک چکر دوسرے چکر کے ساتھ قصر دور ہو گا۔اییا ہونے سے ٹرانسفار مر جل کر خراب ہو جاتا ہے۔

ٹرانسفار مرتیل گرم ہو کر پھیلتا ہے جس کی بنا اس کی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹینکی میں گرم تیل اوپر اور ٹھنڈا تیل نینچ مسلسل منتقل ہو گا۔ گرم تیل کو ٹھنڈا کرنے کے لئے ٹینکی کے ساتھ بہت سارے پائپ منسلک کئے جاتے 57 جن میں گرم تیل اوپر سے داخل ہوتا ہے۔ پائپ کا سطحی رقبہ زیادہ ہونے کی بنا ہوا اسے جلد ٹھنڈا کرتی ہے، اس میں تیل کا درجہ حرارت گھٹتا اور کثافت بڑھتی ہے۔ ٹھنڈا تیل پائپ میں پنچ حرکت کرتے ہوئے دوبارہ ٹینکی میں داخل ہوتا ہے۔

#### 3.10 ٹرانسفار مرکے امالہ اور مساوی ادوار

3.10.1 لحصے کی مزاحمت اور اس کی متعاملہ علیحدہ کرنا

ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے کی مزاحمت R<sub>1</sub> پر حصہ 3.3، مساوات 3.2 میں بات کی گئی جہاں مزاحمت کو کچھے سے باہر سلسلہ وار جڑا دکھایا گیا تھا۔ آئیں دیکھیں ہم حساب کی خاطر کیسے مزاحمت کو کچھے سے علیحدہ کر سکتے ہیں۔

شکل 3.13-الف میں ایک کچھے پر بدلتا برقی دباو لاگو کیا گیا ہے۔اگر کچھے کی برقی تار کو چھوٹے ککڑوں میں تقسیم کیا جائے تب ہر ککڑے کی ایک چھوٹی مزاحمت  $\Delta R$  اور ایک چھوٹا متعاملہ  $j\Delta X$  ہو گا۔تار کا ایسا ایک



شكل 3.13: لجھے كى مزاحت اور متعاملہ۔

گلڑا شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ کچھا ان سب کلڑوں کے سلسلہ وار جڑنے سے بنتا ہے للذا شکل-الف کو ہم شکل-پ کی طرح بنا سکتے ہیں جہال کچھے کے n ککڑے کیے گئے ہیں۔

اس دور کی مساوات

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left( j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$$

ہے جس میں

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

لکھ کر درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

(3.32) 
$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 (R + jX)$$

شکل 3.14 سے بھی مساوات 3.32 لکھی جا سکتی ہے۔ یوں حساب کی خاطر کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ علیحدہ کیے جا سکتے ہیں۔

 ${\rm transformer~oil^{56}}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>57</sup> وایڈا کے ٹرانسفار مر کابیر ونی حصدانہیں بائیوں پر مشتمل ہوتاہے۔



شكل 3.14: کچھے كى مزاحمت اور متعاملہ كى عليجد گا۔

3.10.2 رستااماله

یہاں تک ہم کامل ٹرانسفار مر پر بحث کرتے رہے ہیں۔ اب ہم ٹرانسفار مر میں ان عناصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وجہ سے ٹرانسفار مر غیر کامل ہوتا ہے۔ بہت سی جگہول پر ٹرانسفار مر استعال کرتے وقت ان عناصر کو مدِ نظر رکھنا ضرور ی ہوتا ہے۔ ان عناصر کے اثرات کو شامل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مر کا مساوی دور بناتے ہیں۔

ابتدائی کچھے کے مقناطیسی بہاو کو دو حصول میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو قالب سے گزر کر ابتدائی اور ثانوی کچھے کے مقناطیسی بہاو ہے۔ دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی کچھے سے گزرتا ہے اور ثانوی کچھے دونوں کے اندر سے گزرتا ہے۔ یہ مشتر کہ مقناطیسی بہاو ہے۔ دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی کچھے سے گزرتا ہے اور زیادہ تر قالب کے باہر خلاء میں رہتا ہے۔ اس کو رستا مقناطیسی بہاو اقتدائی کچھے کے برقی رو کا راست مستقل  $\mu_0$  اٹل ہے للذا یہاں بچکچاہٹ بھی اٹل ہو گی۔ یوں رستا مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے کے برقی رو کا راست متناسب ہو گا۔

 $X_1=2\pi f L_1$  60 یارتا متعاملہ کے اثر کو بالکل کچھے کی مزاحمت کی طرح کچھے سے باہر رستا امالہ کا  $L_1$  کیا جاتا ہے۔ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

ٹرانسفار مر کے ابتدائی کیچے میں برتی رو  $\hat{I}_1$  گزرنے سے رستا متعاملہ میں  $\hat{V}_{X1}=j\hat{I}_1X_1$  برتی دباو اور کیچے کے تار کی مزاحمت میں  $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$  برتی دباو گھٹتا ہے۔

جبیہا شکل 3.15 میں دکھایا گیا ہے، ابتدائی کچھے پر لا گو دباہ  $\hat{V}_1$ ، مزاحمت  $R_1$  اور متعاملہ  $X_1$  میں گھٹاہ اور ابتدائی امالی دباہ  $\hat{E}_1$  کا مجموعہ ہو گا۔

leakage magnetic flux $^{58}$  leakage inductance $^{59}$ 

leakage reactance $^{60}$ 



3.10.3 ثانوی برقی رواور قالب کے اثرات

قالب میں دونوں کچھوں کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو ان کے مجموعی مقناطیسی دباو کی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ اس حقیقت کو ایک مختلف اور بہتر انداز میں بیان کیا جا سکتا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ ابتدائی برتی رو کو دو شرائط مطمئن کرنے ہوں گے۔ اول اسے قالب میں بیجانی مقناطیسی بہاو وجود میں لانا ہو گا اور دوم اسے ثانوی کچھے کے پیدا کردہ مقناطیسی بہاو کو ختم کرنا ہو گا۔ لہذا ابتدائی برتی رو کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصہ  $_{\varphi}$ ، جو بیجانی مقناطیسی بہاو کیدا کرتا ہے۔ اور دوم را  $_{2}$  جو ثانوی کچھے کے مقناطیسی دباو کا اثر ختم کرتا ہے۔ یوں  $_{2}$  درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{I}_2' = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2$$

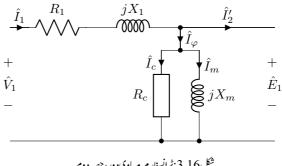
ثانوی کچھے کے مقناطیسی بہاو کے اثر کو ختم کرنے پر حصہ 3.6 میں غور کیا گیا ہے۔

اگرچہ برقی رو $i_{arphi}$  فیر سائن نما ہوتا ہے ہم اسے سائن نما  $\hat{I}_{arphi}$  تصور کر کے دو حصول،  $\hat{I}_{c}$  اور  $\hat{I}_{m}$  ، میں تقسیم کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

مذکورہ بالا مساوات میں برقی رو کو دوری سمتیات کی صورت میں لکھا گیا ہے۔ان میں  $\hat{I}_c$  ابتدائی کچھے کے امالی برقی دباو بور گیا ہم قدم ہے اور قالب میں برقی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے جبکہ  $\hat{I}_m$  وہ حصہ ہے جو  $\hat{E}_1$  سے نوے درجہ ماخیری  $\hat{E}_1$  زاویہ پر رہتا اور کچھے میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔

 $\rm lagging^{61}$ 



شکل3.16:ٹرانسفار مر مساوی دور، حصه دوم۔

ہو لینی  $jX_m$  کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے  $R_c=E_{1,rms}^2/p_c$  کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے که بین دیاو اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔  $R_c$  اور  $jX_m$  اور  $jX_m$  اور  $jX_m$  کے مقدار اصل برقی دیاو اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔

## 3.10.4 ثانوي لجھے کالمالی برقی دیاو

قالب میں مشتر کہ مقاطیسی بہاو ثانوی کھیے میں امالی برتی دباو  $\hat{E}_2$  پیدا کرے گا۔ چونکہ یہی مقاطیسی بہاو ابتدائی کیھے میں  $\hat{E}_1$  امالی پیدا کرتا ہے للذا درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

مباوات 3.34 اور مباوات 3.35 کو ایک کامل ٹرانسفار مرسے ظاہر کیا جا سکتا ہے جے شکل 3.17 میں و کھایا گیا

### 3.10.5 ثانوی کھے کی مزاحت اور متعاملہ کے اثرات

ثانوی کیھے میں امالی دباو  $\hat{E}_2$  پیدا ہو گا۔ابتدائی کیھے کی طرح، ثانوی کیھے کی مزاحمت  $R_2$  اور متعاملہ  $jX_2$  ہوں گ جن میں ثانوی برتی رو  $\hat{V}_2$  کی بنا برتی دباو گھٹے گا۔ یوں ثانوی کیھے کے سروں پر برتی دباو  $\hat{V}_2$  تدرِ کم ہو گا:

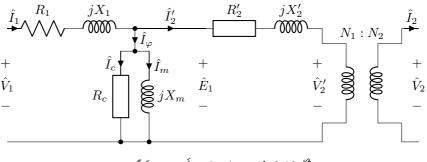
$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$

یوں حاصل ٹرانسفار مر کا مکمل مساوی دور یا ریاضی نمونہ 62 شکل 3.18 میں دکھایا گیا ہے۔

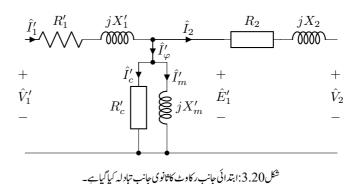
 $<sup>{\</sup>rm mathematical\ model}^{62}$ 







شكل 19.3: ثانوى جانب ركاوث كالبندائي جانب تبادله كيا گياہے۔



3.10.6 ركاوك كالبندائي ياثانوي جانب تبادله

شکل 3.18 میں تمام اجزاء کا تبادلہ ابتدائی یا ثانوی جانب کیا جا سکتا ہے۔ ایبا کرتے ہوئے کامل ٹرانسفار مر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں جانب رکھا جا سکتا ہے۔شکل 3.19 میں ثانوی رکاوٹ کو ابتدائی جانب منتقل کیا گیا ہے جبکہ شکل 3.20 میں ابتدائی رکاوٹوں کا تبادلہ ثانوی جانب کیا گیا ہے۔جیسا شکل 3.20 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مساوی ادوار میں کامل ٹرانسفار مرعموماً دکھایا نہیں جاتا ہے۔

تبادلہ شدہ رکاوٹ Z کو Z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں تبادلہ شدہ  $R_2$  کو  $R_2$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔ ایسا دور استعال کرتے وقت یاد رکھنا ہو گا کہ مساوی دور میں اجزاء کس جانب منتقل کیے گئے ہیں۔

مثال 3.6: ایک 50 کلو وولٹ-ایمپیئر اور 220: 220 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مرکی زیادہ برقی دباو جانب رستا رکاوٹ  $Z_1=0.0089+j0.011$  اوہم کم برقی دباو جانب رستا رکاوٹ  $Z_1=0.099+j0.011$ 

،  $R_c = 6.4\,\mathrm{k}$  اور  $X_m = 47\,\mathrm{k}$  ہیں۔ اس کے لئے شکل  $R_c = 3.20$  اور  $X_m = 47\,\mathrm{k}$  ہونے والے اجزاء معلوم کریں۔

حل الف: معلومات:

 $50 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 50 \,\mathrm{Hz}, \quad 2200 : 220 \,\mathrm{V}$ 

ر انسفار مرکے برقی و باو سے کچھوں کے چکر کا تناسب حاصل کرتے ہیں۔  $\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$ 

زیادہ برقی دباو جانب تبادلہ شدہ اجزاء درج ذیل ہوں گے۔

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

مساوی دور میں باقی رکاوٹ پہلے سے زیادہ برقی دباو جانب ہیں للذا یہ تبدیل نہیں ہوں گے۔یوں شکل 3.19 کے جزو حاصل ہوئے۔

حل ب: مساوی دور کے اجزاء کا تبادلہ کم دباو جانب کرتے ہیں۔

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

اسی طرح درج ذیل حاصل ہوں گے

$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 R_c = 64$$

$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 X_m = 470$$

П

جبہ  $Z_2$  پہلے سے کم برقی دباہ جانب ہے للذااس کی قیت تبدیل نہیں ہو گا۔



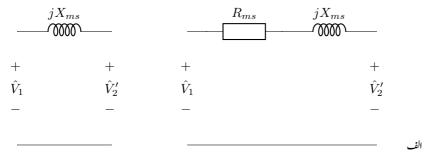
3.10.7 ٹرانسفار مرکے سادہ ترین مساوی ادوار

ایک انجنیئر ٹرانسفار مر استعال وقت حساب کی خاطر شکل 3.19 یا شکل 3.20 کے ادوار استعال کر سکتا ہے۔ یہ ادوار حقیق ٹرانسفار مر کی بہت اچھی عکاسی کرتے ہیں۔ البتہ جہاں بہت صحیح جوابات مطلوب نہ ہوں وہاں ان ادوار کی سادہ اشکال بھی استعال کی جا سکتی ہیں۔ اس حصہ میں ہم ایسے سادہ مساوی ادوار حاصل کرتے ہیں۔

 $R_2' + j X_2'$  اور  $X_m$  کو  $X_m$  کو بائیں منتقل کرنے سے شکل 3.21 اور  $X_m$  کو  $X_m$  کا 1.20 اور  $X_m$  کے دائیں منتقل کرنے سے شکل 3.22 حاصل ہوتے ہیں۔ چونکہ پاُ کی مقدار نہایت کم  $X_m$  ہوتی ہے للذا ایبا کرنے سے نتائج پر خاص فرق نہیں پڑتا ہے۔

 $X_2'$  اور شکل  $X_1 = X_1$  اور شکل  $X_1 = X_2$  سلسلہ وار جڑے  $X_1 = X_1$  اور  $X_2 = X_2$  ہوتے ہیں۔  $X_1 = X_1$  اور جڑے  $X_2 = X_2$  ادوار شکل  $X_2 = X_3$  حاصل ہوتے ہیں۔

ر انسفار مرکے کل برقی ہوجھ کا صرف دوسے چھ فی صد ہوتا ہے۔  $\hat{I}_{arphi}{}^{63}$ 



شکل 3.23:ٹرانسفار مرکے سادہ مساوی ادوار۔

شکل  $R_1$  میں  $R_2$  اور  $R_m$  رکاوٹ  $R_1+jX_1$  اور  $R_1+jX_2$  کے نہیں۔اییا دور حل کرنا مشکل ہوتا ہے۔ اس کے برعکس شکل 3.21 اور شکل 3.22 میں یہ اجزاء باقی دور کے بائیں یا دائیں ہاتھ ہیں اور ایسے ادوار کا حل نسبتاً زیادہ آسان ہوتا ہے۔

 $R_c$  مزید سادہ دور حاصل کرنے کی خاطر  $\hat{I}_{\varphi}$  کو صفر تصور کر کے نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں مساوی دور میں دور اور میں دور اور کیا ہے۔ اس دور  $jX_m$  کو کھلے دور تصور کرتے ہوئے دور سے ہٹایا جا سکتا ہے۔ شکل 3.23-الف میں ایبا کیا گیا ہے۔ اس دور میں قالب کے اثرات کو مکمل طور پر نظر انداز کیا گیا ہے۔

بیشتر وقت اس سے بھی کم در نگلی کے نتائج مطلوب ہوتے ہے۔ یوں  $X_{ms}\gg R_{ms}$  کی بنا  $R_{ms}$  کو نظرانداز کرتے ہوئے شکل  $N_{ms}$  کرتے ہوئے شکل  $N_{ms}$  کی بنا گیا ہے۔ اس شکل میں  $N_{ms}$  کو بھی نظرانداز کرنے سے کامل ٹرانسفار مرحاصل ہوگا جو  $N_{ms}$  کی بیر پورا اتر تا ہے۔ حاصل ہوگا جو  $N_{ms}$  کی بیر پورا اتر تا ہے۔

## 3.11 كطيح دور معائنه اور قصر دور معائنه

گزشتہ حصہ میں ٹرانسفار مر کے مساوی ادوار پر بات کی گئ۔ان مساوی ادوار کے اجزاء ٹرانسفار مر کے دو معا ننول سے حاصل کئے جا سکتے ہیں جنہیں کھلا دور معائنہ اور قصر دور معائنہ کہتے ہیں۔اس حصہ میں ان معائنوں پر خور کیا گیا ہے۔

#### 3.11.1 كطلاد ورمعائنه

کھلا دور معائنہ 64، جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سروں کو آزاد رکھ کر کیا جاتا ہے۔ بیہ معائنہ ٹرانسفار مرکی بناوٹی 65 برقی دباو اور تعدد یا ان کے قریب قیمتوں پر کیا جاتا ہے۔ اگرچہ ٹرانسفار مرکے کسی بھی جانب کچھے پر کھلے دور معائنہ سرانجام دیا جا سکتا ہے، حقیقت میں ایسا کم برقی دباو کچھے پر کرنا زیادہ آسان اور کم خطرناک ہوتا ہے۔ یہ بات ایک مثال سے بہتر سمجھ آئے گی۔

مثال کے طور پر ہم A 25 kV A، 220 V : 50 Hz ، 11000 کی دوری ٹرانسفار مرکا معائنہ کرنا چاہتے ہیں۔
یہ معائنہ گیارہ ہزار کچھ پر کرتے ہوئے گیارہ ہزار وولٹ کے لگ بھگ برتی دباو استعال ہو گا جبکہ دو سو بیس برتی
دباو کچھ پر معائنہ کرنے سے دو سو بیس وولٹ کے لگ بھگ برتی دباو استعال کرنا ہو گا۔ دونوں صورتوں میں تعدد
50 Hz بر محائنہ کم برتی دباو کچھ پر کیا جاتا ہے۔
کھلا دور معائنہ کم برتی دباو کچھ پر کیا جاتا ہے۔

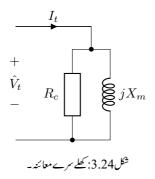
 $p_t$  کھلے دور معائنہ میں کم برقی دباو کچھے پر بناوٹی برقی دباویا اس کا قریب دباو  $V_t$  لاگو کر کے کھلا دور برقی طاقت  $p_t$  اور کھلا دور برقی رو برقی را ناپا جاتا ہے۔بناوٹی برقی دباو کے قریب دباو پر معائنہ کرنے سے بہتر نتائج حاصل ہوں گے۔ ٹرانسفار مرکی دوسری جانب کچھے کے سرے چونکہ آزاد رکھے جاتے ہیں المذا اس میں برقی رو صفر ہو گا۔ اس طرح ناپا گیا برقی رو صرف ہیجان انگیز برقی رو گا۔ ہیجان انگیز برقی رو ٹرانسفار مرکے بناوٹی روکا دو سے چھ فی صد ہوتا ہے۔

یاد رہے  $\hat{V}_t = V_t / \frac{\phi_v}{\psi_v}$  اور  $\hat{I}_t = I_t / \frac{\phi_i}{\psi_v}$  اور  $\hat{V}_t = V_t / \frac{\phi_v}{\psi_v}$  مطلق قیمتوں،  $V_t$  اور  $V_t$  ،  $V_t$  ،  $V_t$  ،  $V_t$  ،  $V_t$  ،

شکل 3.19 میں بائیں ہاتھ کو کم برتی دباو والا جانب تصور کریں۔ یوں  $V_t$  مقام  $V_t$  پر فراہم کیا جائے گا جبکہ پیائٹی رو غیر سمتی 66 رو  $I_1$  ہو گا۔ خارجی کچھا کھلا دور ہونے کی بنا  $I_2'$  صفر ہو گا لہذا  $I_1$  در حقیقت  $\hat{I}_c$  کی مطلق قیمت  $I_2$  کے برابر ہو گا۔

 $I_t = I_1 = I_{\varphi}$ 

open circuit  $ext{test}^{64}$  $ext{design}^{65}$  $ext{scalar}^{66}$ 



ا تنى كم برقى روسے كچھے كے ركاوٹ ميں بہت كم برقى دباو گھٹتا ہے للذا اسے نظر انداز كيا جاتا ہے:

$$V_{R1} = I_t R_1 = I_{\varphi} R_1 \approx 0$$
$$V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$$

یوں جیسا شکل 3.19 سے ظاہر ہے  $R_c$  اور  $X_m$  پر تقریباً  $V_t$  برتی دیاہ چائے گا۔ ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 3.24 صول زیادہ آسان ہے۔

برتی طاقت کا ضیاع صرف مزاحمت میں ممکن ہے لہذا  $p_t$  صرف  $R_c$  میں ضائع ہو گا۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$$

اس سے ٹرانسفار مر کے مساوی دور کا جزو  $R_c$  حاصل ہوتا ہے۔

$$(3.37) R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

درج ذیل کی بنا

$$Z_t=rac{\hat{V}_t}{\hat{I}_t}=rac{V_t/\phi_v}{I_t/\phi_i}=rac{V_t}{I_t}/\phi_v-\phi_i$$
 فراہم کردہ دباہ اور پیائتی رو کا تناسب درج ذیل ہو گا۔ $|Z_t|=rac{V_t}{I_t}$ 

اب شكل 3.24 سے درج ذيل واضح ہے

$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للذا

$$Z_t = \frac{jR_c X_m}{R_c + jX_m}$$
$$|Z_t| = \frac{R_c X_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$

ہو گا۔یوں ٹرانسفار مر کے مساوی دور کا جزو  $X_m$  حاصل ہوتا ہے۔

(3.38) 
$$X_{m} = \frac{R_{c}|Z_{t}|}{\sqrt{R_{c}^{2} - |Z_{t}|^{2}}}$$

ماوات  $R_c$  سے ماصل ہوتی ہیں۔  $X_m$  ماوات  $R_c$  ماوات  $R_c$  ماوات کا بیں۔

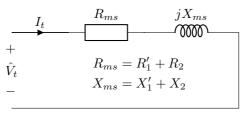
یاد رہے حاصل کردہ  $R_c$  اور  $X_m$  ٹرانسفار مر کے پیائش جانب کے لئے درست ہوں گے۔ تبادلہ رکاوٹ سے دوسری جانب کی قیمتیں حاصل کی جاسکتی ہیں۔

#### 3.11.2 قصر دور معائنه

قصر دور معائنہ بھی کھلے دور معائنہ کی طرح ٹرانسفار مر کے کسی بھی طرف ممکن ہے لیکن حقیقت میں اسے زیادہ برقی دباو کچھے پر کرنا آسان ہوتا ہے۔ یہ معائنہ ٹرانسفار مر کے بناوٹی برقی رویا اس کے قریب رو پر کیا جاتا ہے۔

کھلے دور معائنہ میں مستعمل ٹرانسفار مرکی بات آگے بڑھاتے ہوئے زیادہ برقی دباو کچھے کا بناوٹی رو A 2.2727 موئے دور معائنہ کم برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 113.63 جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 2.2727 جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے پر کرتے ہوئے 2.2727 معائنہ زیادہ آسان ہو گا۔

اس معائنہ میں کم برقی دباو کچھے کے سروں کو آپس میں جوڑ کر قصر دور کیا جاتا ہے جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے پر کچھے کے بناوٹی دباو کا دوسے بارہ فی صد دباو  $V_t$  لاگو کر کے اس کچھے کا برقی رو $I_t$  اور فراہم کردہ طاقت  $p_t$  ناپا جاتا



شكل 3.25: قصر دور معائنه \_

ہے جنہیں بالترتیب قصر دور رو اور قصر دور طاقت کہتے ہیں۔ قصر دور کچھے میں گزرتے برقی رو کا عکس دوسری جانب موجود ہو گا۔ یہ برقی روٹرانسفار مر کے بناوٹی برقی رو کے لگ بھگ ہوتا ہے۔

چونکہ یہ معائنہ بہت کم برتی دباو پر سرانجام دیا جاتا ہے للذا بیجان انگیز برتی رو کو مکمل طور پر نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ اس معائنہ کا دور شکل 3.25 میں دکھایا گیا ہے جہاں بیجان انگیز رو کو نظرانداز کرتے ہوئے  $R_c$  اور  $V_t$  کو کھلے دور کیا گیا ہے۔ قصر دور معائنہ میں شکل 3.20 کے بائیں ہاتھ کو کم برتی دباو جانب تصور کرتے ہوئے  $V_t$  کو کیا۔ کا جگہ لاگو کرنا ہو گا۔

قصر دور برقی رو اور قصر برقی دباو سے

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

جببه شكل 3.25 سے درج ذيل لكھا جا سكتا ہے۔

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

یوں  $X_{ms}$  کی قیمت مساوات 3.39 سے جانتے ہوئے  $R_{ms}$  حاصل ہوتا ہے۔

$$(3.40) X_{ms} = \sqrt{|Z_t|^2 - R_{ms}^2}$$

مساوات 3.39 کل مزاحمت دیتا ہے البتہ اس سے  $R_1$  یا  $R_2$  حاصل نہیں کیا جا سکتا۔ اس طرح مساوات 3.40 سے  $X_1$  اور  $X_2$  علیحدہ نہیں کئے جا سکتے۔ قصر دور معائنہ سے اتنی ہی معلومات حاصل کرنا ممکن ہے جو حقیقت میں کافی ثابت ہوتا ہے۔ جہاں ان اجزاء کی علیحدہ قیمتیں درکار ہوں وہاں درج ذیل تصور کیا جا سکتا ہے

$$R'_1 = R_2 = \frac{R_{ms}}{2}$$
  
 $X'_1 = X_2 = \frac{X_{ms}}{2}$ 

ٹرانسفار مر معائنے اسی مقام پر کیے جاتے ہیں جہال ٹرانسفار مر نسب ہو۔ یوں وہی برتی دباو استعمال کرنا ہو گا جو وہاں موجود ہو۔ ہاں ضروری ہے کہ قصر دور معائنہ میں ٹرانسفار مر کو ڈیزائن برتی دباو کا دو سے بارہ فی صد دیا جائے۔ مثلاً  $000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  میں استعمال کریں گے۔ اسی طرح دستیاب  $000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  میں استعمال کریں گے۔ اسی طرح دستیاب  $000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  میں استعمال کریں گے۔ اسی طرح دستیاب  $000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$ 

یاد رہے کہ ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھ کے سرے آپس میں جوڑ کر، یعنی قصر دور کر کے، دوسری جانب کچھ پر کسی بھی صورت اس جانب کی پوری برقی دباو لا گو نہیں کیجھے گا۔ ایسا کرنا شدید خطرناک اور جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

یاد رہے کہ ان معائنوں سے حاصل مساوی دور کے اجزاء اسی جانب کے لئے درست ہوں گے جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ان کی قیمتیں دوسری جانب تبادلہ رکاوٹ سے حاصل کی جاسکتی ہیں۔

مثال 3.7: ایک 25 کلو وولٹ-ایمپیئر، 220 : 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والے ٹرانسفار مر کے کھلے دور اور قصر دور معائنے کیے جاتے ہیں جن کے نتائج درج ذیل ہیں۔ ٹرانسفار مر مساوی دور کے اجزاء تلاش کریں۔

• کھلا دور معائنہ میں کم برقی دباو جانب V 220 لا گو کیا جاتا ہے۔اسی جانب برقی رو A 39.64 اور طاقت کا ضیاع W 600 ناپے جاتے ہیں۔

• قصر دور معائنه میں زیادہ برتی دباو جانب V 440 لا گو کیا جاتا ہے۔اسی جانب برتی رو A 2.27 اور طاقت کا ضیاع W 560 نایے جاتے ہیں۔

حل كھلا دور:

$$\begin{split} |Z_t| &= \frac{220}{39.64} = 5.55\,\Omega \\ R_c &= \frac{220^2}{600} = 80.67\,\Omega \\ X_m &= \frac{80.67\times5.55}{\sqrt{80.67^2-5.55^2}} = 5.56\,\Omega \end{split}$$

حل قصر دور:

$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83 \,\Omega$$
 
$$R_{ms} = \frac{560}{2 \times 2.27^2} = 108.68 \,\Omega$$
 
$$X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160 \,\Omega$$

$$Z=1$$
 اور  $Z=1$  کو کم برقی و باو جانب منتقل کرتے ہوئے  $R_{ms}$   $\left(rac{220}{11000}
ight)^2 imes 108.68 = 43.47\,\mathrm{m}\Omega$   $\left(rac{220}{11000}
ight)^2 imes 160 = 64\,\mathrm{m}\Omega$ 

لعيني

$$R_1 = R_2' = \frac{43.47 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 21.7 \,\mathrm{m}\Omega$$
  
 $X_1 = X_2' = \frac{64 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 32 \,\mathrm{m}\Omega$ 

حاصل ہو گا۔ان نتائج سے حاصل کم برقی دباو جانب مساوی دور شکل 3.26 میں دکھایا گیا ہے۔

3.12. تين دوري ٹرانسفار مسر



شکل 3.26: کھلے دوراور کسرِ دور معائنہ سے کم برقی د باوجانب مساوی دور۔



شكل3.27: ايك ہى قالب پر تين ٹرانسفار مر۔

### 3.12 تین دوری ٹرانسفار مر

اب تک ہم یکے دور ہے  $^{67}$  ٹرانسفار مر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت میں برقی طاقت کی منتقل میں عموماً تیہ وروہے  $^{68}$  ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین دور کی ٹرانسفار مر کیسال تین عدد یک دور کی ٹرانسفار مر اکٹھے رکھ کر بنایا جا سکتا ہے۔ یوں ایک ٹرانسفار مر خراب ہونے کی صورت میں اس کو ہٹا کر ٹھیک کرنے کے دوران باقی دو ٹرانسفار مر استعال کئے جا سکتے ہیں۔ تین دور کی ٹرانسفار مر بنانے کا اس سے بہتر طریقہ شکل  $^{27}$  میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقاطیسی قالب پر تینوں ٹرانسفار مر کے لچھے لیٹے گئے ہیں۔ اس شکل میں  $^{2}$  پہلے ٹرانسفار مر کا ابتدائی لچھا اور  $^{2}$  ہیں اس کا ثانوی لچھا ہے۔ اس طرح کے تین دور کی ٹرانسفار مر سے، ملکے اور چھوٹے ہونے کی وجہ سے عام ہو گئے ہیں اور آپ کو روز مرہ زندگی میں یہی نظر آئیں گے۔ ان میں برتی ضیاع بھی نسبتاً کم ہوتا ہے۔

شکل 3.28-الف میں تین ٹرانسفار مر د کھائے گئے ہیں۔ان ٹرانسفار مروں کے ابتدائی کیھے آپی میں دو طریقوں

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \text{single phase}^{67} \\ \text{three phase}^{68} \end{array}$ 

سے جوڑے جا سکتے ہیں۔ایک کو ستارہ نما جوڑ  $Y^{69}$  اور دوسرے کو تکونی جوڑ $^{70}$  کہتے ہیں۔ای طرح ان ٹرانسفار مروں کے ثانوی کچھے بھی انہیں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔یوں انہیں درج ذیل چار مختلف طریقوں سے جوڑا جا سکتا ہے۔

- $Y:\Delta$  ستاره: تکونی •
- Y:Y ساره: ساره •
- $\Delta:\Delta$   $\exists \lambda$
- $\Delta: Y$   $\exists z$

شکل 3.28 میں  $\Delta: Y$  ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس میں بایاں ہاتھ Y اور دایاں ہاتھ  $\Delta: Y$  ٹرانسفار مر  $\Delta: Y$  کھتے ہوئے X: Y کو بائیں اور X: Y کو دائیں کھا جاتا ہے۔جیسا پہلے ذکر ہو چکا ہے ہم اشکال میں ٹرانسفار مر کا ابتدائی طرف بائیں جانب رکھتے ہیں للذا X: Y: Y ابتدائی اور X: Y: X ثانوی طرف ہے۔ روائگی سے پڑھتے ہوئے ابتدائی کو پہلے اور ثانوی کو بعد میں پڑھا جاتا ہے للذا اس کو X: Y: X ککھ کر ستارہ۔ تکونی پڑھیں گے۔

شکل 3.28-الف میں تین ٹرانسفار مرول کے ابتدائی کیھوں کو ستارہ نما جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ٹانوی کیھوں کو سارہ نما جوڑا گیا ہے۔اسی طرح ٹانوی کیھوں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔شکل-ب میں تینوں ٹرانسفار مر کے ابتدائی کیھوں کو ستارہ نما دکھایا گیا ہے۔اس طرح ٹانوی کیھوں کو شکونی دکھایا گیا ہے۔ان اشکال کی وجہ سے اس طرز کے جوڑ کو ستارہ نما جوڑ اور تکونی جوڑ کہتے ہیں۔

اییا شکل بناتے ہوئے ہر ٹرانسفار مر کے ابتدائی اور ثانوی کچھے کو ایک ہی زاویہ پر دکھایا جاتا ہے۔۔یوں شکل 3.28-الف میں بالائی ٹرانسفار مر، جس کے ابتدائی سرے an اور ثانوی سرے a'n' ہیں، کو شکل 3.28-ب میں صفر زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مرول کو اس طرح کی علامتوں سے ظاہر کیا جاتا ہے اور ان میں قالب نہیں دکھایا جاتا۔

ٹرانسفار مر کے جوڑ بیان کرتے وقت باعیں جوڑ کو پہلے اور دائیں جوڑ کو بعد میں پکارتے ہیں۔یوں شکل 3.28-ب میں ٹرانسفار مر کو ستارہ- تکونی جڑا ٹرانسفار مر یا مخضراً ستارہ- تکونی ٹرانسفار مر کہیں گے۔اسی طرح ابتدائی جانب کو بائیں اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بنایا جاتا ہے۔یوں اس شکل میں ابتدائی جانب ستارہ نما ہے جبکہ ثانوی جانب تکونی ہے۔

> star connected<sup>69</sup> delta connected<sup>70</sup>

3.12. تين دوري ٹرانسفار مسسر



شكل 3.28: تين دوري ستاره- تكوني ٹرانسفار مر

ستارہ نما سے چار برقی تاریں نکلتی ہیں۔ ان میں مشترک تار n کو عموماً ٹرانسفار مر کے نزدیک زمین میں گہرائی تک دھنسا جاتا ہے۔ اس تار کو زمینی تار  $^{73}$  یا صرف زمین  $^{72}$  کہتے ہیں۔ عام فہم میں اسے ٹھنڈی تار  $^{73}$  کہتے ہیں۔ باقی تین تارین a,b,c کہلاتے ہیں۔

ٹرانسفار مر کے کچھے پر برقی دباو کو یکے دور ہے برقی دباو<sub>کہ مل</sub><sup>75</sup> کہتے ہیں اور کچھے میں برقی رو کو یکے دور ہے برقی رو کر ہے۔ اور کے برقی دباو کو کار کا برقی دباو ہار<sup>77</sup> کہتے ہیں۔ بہر <sup>76</sup> کہتے ہیں۔ بہر <sup>76</sup> کہتے ہیں۔ نینی تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرگا کہتے ہیں۔ زمینی تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آری<sup>79</sup> کہتے ہیں۔ نمینی تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرین کا برقی رو کو آرین کے بیں۔ نمین تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرین کا برقی رو برقی رو کو آرین کا برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرین کی برقی رو کو آرین کا برقی رو کو آرین کا برقی رو کو زمینی برقی رو کو زمین کی برقی رو کو آرین کی کو کو کی کر کو کر کو کر کو کر کو کر کو کر کو کر کی کو کو کو کر کو کر

 $ground^{71}$ 

ground, earth, neutral<sup>72</sup>

 $neutral^{73}$ 

live wires<sup>74</sup>

phase voltage<sup>75</sup>

phase current<sup>76</sup>

line to line voltage<sup>77</sup>

line current<sup>78</sup>

 $<sup>{\</sup>rm ground}\ {\rm current}^{79}$ 

سارہ Y جانب یک دوری مقداروں اور تار کے مقداروں کا تعلق درج ذیل ہو گا۔

(3.41) 
$$V_{J\tau} = \sqrt{3}V_{\lambda \tau}$$
 
$$I_{J\tau} = I_{\lambda \tau}$$

کلونی ∆ جانب یک دوری اور تار کی مقداروں کا تعلق درج ہے۔

$$V_{\text{J}} = V_{\text{J}}$$

$$I_{\text{J}} = \sqrt{3}I_{\text{J}}$$

$$2J_{\text{J}} = \sqrt{3}I_{\text{J}}$$

مساوات 3.41 اور مساوات 3.42 دوری سمتیہ کے رشتے نہیں بلکہ غیر سمتی مطلق قیمتوں کے رشتے دیتی ہیں۔ان رشتوں کو شکل 3.29 میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 3.41 اور مساوات 3.42 سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(3.43) V_{J\tau}I_{J\tau} = \sqrt{3}V_{z_1}I_{z_2}I_{z_3}$$

یک دوری ٹرانسفار مر کے وولٹ-ایمپیئر کیر ملہ V ہوتے ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مر مل کر ایک عدد تین دوری ٹرانسفار مر بناتے ہیں لہذا تین مرحلہ ٹرانسفار مر کے وولٹ-ایمپیئر تین گنّا ذیل ہوں گے۔

(3.44) 
$$3V_{\rm JL}I_{\rm JL} = 3 \times \frac{V_{\rm JL}I_{\rm JL}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}V_{\rm JL}I_{\rm JL}$$

یہ مساوات تاہین دوری ادوار میں کثرت سے استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مرجس طرح بھی جوڑے جائیں وہ اپنی بنیادی کار کردگی تبدیل نہیں کرتے ہیں للذا انہیں سارہ نما یا تکونی جوڑنے کے بعد بھی ان میں ہر ایک ٹرانسفار مر انفرادی طور پر صفحہ 66 پر دے مساوات 3.16 اور صفحہ 17 پر دے مساوات 3.26 پر پورا اترے گا۔ انہیں استعال کر کے شکل 3.29 میں دیے گئے ٹرانسفار مروں کے ابتدائی اور ثانوی جانب کی یک دوری اور تارکی مقداروں کے رشتے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ اس شکل میں  $N_1/N_2$  ہے جہاں جہاں  $N_1:N_2$  ان میں ایک دوری ٹرانسفار مرکے چکر کا تناسب ہے۔ تین دوری ٹرانسفار مرپر لگی شختی پر دونوں جانب تارکے برقی دباوکا تناسب کھا جاتا ہے۔

شكل 3.29 مين ستاره- تكونى شرانسفار مركى تارير برقى دباو كا تناسب

(3.45) 
$$\frac{V_{\acute{\mathcal{S}}^{|\mathcal{F}|}}}{V_{\mathcal{S}^{|\mathcal{F}|}}} = \sqrt{3}a = \sqrt{3}\left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

3.12 تين دوري ٹرانسفار مسسر



شکل 3.29: ابتدائی اور ثانوی جانب تار اوریک دوری مقداروں کے رشتے۔

جبکه ستاره-ستاره کا

(3.46) 
$$\frac{V_{\mathring{\mathcal{S}}|\mathcal{F}|}}{V_{\mathcal{S}|\mathfrak{F}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

تکونی-ستاره کا

(3.47) 
$$\frac{V_{\hat{\mathcal{G}},\hat{\mathcal{E}}}}{V_{\hat{\mathcal{G}},\hat{\mathcal{E}}}} = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

اور تکونی- تکونی کا درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{V_{\dot{\mathcal{G}}|\mathcal{F}|}}{V_{\mathcal{G}\dot{\mathcal{F}}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

مثال 3.8: کی دوری تین کیساں ٹرانسفار مروں کو ستارہ-تکونی کے  $Y:\Delta$  جوڑ کر تین دوری ٹرانسفار مر بنایا گیا ہے۔ یک دوری ٹرانسفار مر کی برقی سکھے $^{80}$  درج ذیل ہے:

 $50\,\mathrm{kV\,A}, \quad 6350:440\,\mathrm{V}, \quad 50\,\mathrm{Hz}$ 

ستارہ- تکونی ٹرانسفار مر کی اہتدائی جانب 11000 وولٹ تین دوری دباو تار لا گو کیا گیا۔اس تین دوری ٹرانسفار مر کی ثانوی جانب دباو تار معلوم کریں۔

rating<sup>80</sup>

حل: حل کرتے وقت ہم ایک عدد یک دوری ٹرانسفار مر پر نظر رکھیں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مر کے چکر کا تناسب درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

مساوات 3.41 سے دباو تار درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$V_{\rm span} = \sqrt{3} \times 6350 \approx 11\,000\,{
m V}$$

یک دوری ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب ط40 V ہوں گے جس کو مساوات 3.16 کی مدد سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$V_{\mathcal{G}_{\mathcal{F}}} = \frac{N_2}{N_1} V_{\mathcal{G}_{\mathcal{F}}} = \frac{440}{6350} \times 6350 = 440 \,\mathrm{V}$$

ثانوی جانب تین یک دوری ٹرانسفار مروں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔ یوں مساوات 3.42 کی مدد سے ثانوی دباو تاریبی ہو گا۔ تین دوری ٹرانسفار مر کے دباو تار کا تناسب درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{V_{\text{ji,i,i,i,j}}}{V_{\text{ji,i,i,j}}} = \frac{11000}{440}$$

یک دوری ٹرانسفار مر 50 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہے للذا تین دوری ٹرانسفار مر 150 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہو گا۔یوں تین دوری ٹرانسفار مرکی سکت 81 درج ذیل ہو گی۔

 $150 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$ ,  $11000 : 440 \,\mathrm{V}$ ,  $50 \,\mathrm{Hz}$ 

ٹرانسفار مر شختی <sup>82</sup> پر ٹرانسفار مر کی سکت بیان ہوتی ہے۔ اس شختی پر تین دوری ٹرانسفار مر کے دونوں جانب دباو تار ککھا جاتا ہے نہ کہ کچھوں کے چکر۔

ستارہ-ستارہ ٹرانسفار مر میں تین دوری برقی دباو کے بنیادی اجزاء آپس میں °120 زاویائی فاصلے پر جبکہ تیسرے موسیقائی اجزاء آپس میں ہم قدم ہوتے ہیں۔ قالب کی غیر تدریجی خاصیت کی بنا ٹرانسفار مر میں ہر صورت تیسری موسیقائی اجزاء پائے جاتے ہیں۔ تیسری موسیقائی اجزاء ہم قدم ہونے کی وجہ سے جمع ہو کر برقی دباوکا ایک بڑا موج

rating<sup>81</sup> name plate<sup>82</sup>

3.12. تين دوري ٹرانسفار مسسر



شکل3.30 :ٹرانسفار مر تکونی متوازن بوجھ کوطاقت فراہم کررہاہے۔

پیدا کرتے ہیں جو تبھی کھار برقی دباو کے بنیادی جزو سے بھی زیادہ بڑھا ہوتا ہے۔اس وجہ سے ستارہ-ستارہ ٹرانسفار مر عام طور استعال نہیں ہوتا ہے۔

باقی تین قسم جڑے ٹرانسفار مروں میں تکونی جوڑ پایا جاتا ہے جس میں تیسری موسیقائی اجزاء کی موج گرد ثی رو پیدا کرتی ہے۔ یہ گرد ثی رو تیسری موسیقائی اجزاء کی موج کے اثر کو ختم کرتا ہے۔

تین دوری ٹرانسفار مر کے متوازن دور حل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مرستارہ جڑا ہے۔یوں ی
دوری برقی رو، تار کا برقی رو ہو گا اور یک دوری لا گو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔اسی طرح ہم اس پر لدے
برقی بوجھ کو بھی ستارہ جڑا تصور کرتے ہے۔یوں تین دوری دور کی بجائے ہم نسبتاً آسان یک دوری دور حل کرتے
ہیں۔ ایسا کرنے سے مسلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔آئیں ایک مثال سے اس عمل کو سمجھیں۔

مثال 3.9: شکل 3.30 میں تین دوری  $\Delta: Y: 2000$  کلو وولٹ-ایمپیئر، 600: 11000 وولٹ اور 50 ہر ٹز y جانب ورک متوازن تکونی ہو جھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ بو جھ کا ہر حصہ y وارک متوازن تکونی ہو جھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ بو جھ کا ہر حصہ y وارک متوازن تکونی ہو جھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ بوجھ کا ہر حصہ y وارک ہے۔ کے برابر ہے۔

- اس شکل میں تمام برقی رو معلوم کریں۔
- برقی بوجه 83 کو در کار طاقت معلوم کریں۔

حل: پہلے تکونی بوجھ کو سارہ بوجھ میں تبدیل کرتے ہیں:

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

electrical load $^{83}$ 

100 باب. 3. ٹرانسفار مسر



شكل 3.31: تكونى بوجھ كومساوى ستاره بوجھ ميں تبديل كيا گياہے۔

ستارہ بوجھ کو شکل 3.31 میں دکھایا گیا ہے جہال ایک برقی تار جسے نقطہ دار لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے کو ٹرانسفار مرک زمینی نقطہ سے بوجھ کے مشتر کہ سرے کے در میان جڑا دکھایا گیا ہے۔ متوازن دور میں اس تار میں برقی رو صفر ہو گا۔ حل کرنے کی نیت سے ہم اس متوازن دور سے یک دوری حصہ لے کر حل کرتے ہیں۔

مساوی ستاره بوجه میں برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 / -20.825^{\circ}$$

اور یک دوری طاقت درج ذیل ہو گی۔

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^\circ) = 624\,007\,\mathrm{W}$$

کل طاقت تین گنا ہو گی لیعنی 1872 kW جس بوجھ کا جزو طاقت 84 درج ذیل ہو گا۔

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

تکونی بوجھ میں برتی رو 1112.7 $=rac{1927.262}{\sqrt{3}}$  ایمپیئر ہو گا۔ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب برتی تاروں میں برتی رو درج ذیل ہو گا۔

$$\left(\frac{600}{11000}\right)\times1927.262=105.12\,\mathrm{A}$$

 $power\ factor^{84}$ 

اس مثال میں جزو طاقت 0.93467 ہے۔اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں اگر صنعتی کارخانوں کی برقی بوجھ کی جزو طاقت 0.9 سے کم ہو جائے تو برقی طاقت فراہم کرنے والا ادارہ (واپڈا) جرمانہ نافذ کرتا ہے۔

## 3.13 ٹرانسفار مرچالو کرتے لمحہ زیادہ محرکی برقی روکا گزر

ہم دیکھ کچے ہیں کہ اگر ٹرانسفار مرکے قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو سائن نما ہو لیعنی  $B=B_0\sin\omega t$  تو اس کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$v = e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t}$$
$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$
$$= V_0 \cos \omega t$$

لعيني

$$(3.49) B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

یہ مساوات برقرار چالو85 ٹرانسفار مر کے لئے درست ہے۔

تصور کریں کہ ایک ٹرانسفار مر کو چالو کیا جا رہا ہے۔ چالو ہونے سے پہلے قالب میں مقناطیسی بہاو صفر ہے اور جس لمحہ اسے چالو کیا جائے اس لمحہ بھی یہ صفر ہی رہتا ہے۔

جس لمحه ٹرانسفار مر کو چالو کیا جائے اس لمحہ لا گو برقی دباو

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

ہے۔اگر  $\pi/2$  یہ لمحہ ہو تو آدھے دوری عرصہ  $\pi/2$  بعد قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو  $heta=\pi/2$ 

$$B = \frac{1}{NA_c} \int_0^{\pi/\omega} V_0 \cos(\omega t + \pi/2) dt$$
$$= \frac{V_0}{\omega NA_c} \sin(\omega t + \pi/2)_0^{\pi/\omega}$$
$$= -\left(\frac{2V_0}{\omega NA_c}\right)$$

steady state $^{85}$  time period $^{86}$ 

102 باب. 3. ٹرانسفار مسر

یعنی کثافتِ مقناطیسی بہاو کا طول معمول سے دگنا ہو گا۔ اگر یہی حساب  $\theta=0$  لحمہ کے لئے کیا جائے تو زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو بالکل مساوات 3.49 کے عین مطابق ہو گا۔ ان دو زاویوں کے مابین زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو ان دو حدوں کے در میان رہتا ہے۔

قالب کی B-H خط غیر بندر تک بڑھتا ہے۔ لہذا B دگنا کرنے کی خاطر H کو کئی گنا بڑھانا ہو گا جو کچھے میں محرک برتی رو بڑھانے سے ہوتا ہے  $^{88}$  یہاں صفحہ 52 پر دکھائے شکل 2.17 سے رجوع کریں۔ قومی ٹرانسفار مروں میں بیجانی کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی 1.3 0.1 0.1 0.1 ہوتی ہے۔ ٹرانسفار مر چالو کرتے لمحہ یوں کثافتِ مقناطیسی بہاو کے سے 0.1 ٹیلز برتی رو نہایت زیادہ ہو گی۔

2000<sup>87</sup> کلووولٹ -ایمپیئر ٹرانسفار مرسے جالو کرتے وقت تھر تھراہٹ کی آواز آتی ہے

# باب4

# برقی اور میکانی توانائی کا باہمی تبادلہ

برتی رو یا مقناطیسی بہاو کی مدد سے برتی توانائی کو میکانی توانائی یا میکانی توانائی کو برتی توانائی میں مختلف مشین تبدیل کرتے ہیں۔ پیائش آلات، لاؤڈ سپیکر، ماکروفون، وغیرہ نہایت کم طاقت کا تبادلہ کرتے ہیں جبکہ ریلے ا، برتی مقناطیس، وغیرہ، قوت پیدا کرتے ہیں۔ کئی مشین، جن میں برقی موٹر اور جزیٹر شامل ہیں، ایک قسم کی توانائی کو دوسری قسم کی توانائی کو دوسری قسم کی توانائی میں مسلسل تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں مقناطیسی بہاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ برقی رو کی مدد سے بھی توانائی کا تبادلہ سمجھا جا سکتا ہے جس کا تذکرہ اس کتاب میں نہیں کیا جائے گا۔

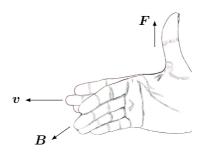
اس باب میں ہم وہ اہم تراکیب سکھیں گے جو انجنیئری مسائل حل کرنے میں مددگار ثابت ہول گے۔

# 4.1 مقناطیسی نظام میں قوت اور قوت مر وڑ

برتی میدان E میں برتی بار q پر درج ذیل قوت اثر انداز ہوگ۔

$$\mathbf{F} = q\mathbf{E}$$

 $relay^1$ 



A.1.دائیں ہاتھ کی چارانگلیوں کو v ہے B کی طرف کم زاویہ پر موڑیں۔ اس ہاتھ کا انگوشا قوت F کارخ دیگا۔

مثبت برقی بار پر قوت برقی شدت E کے رخ ہو گی جبکہ منفی بار پر قوت E کے مخالف رخ ہو گی۔

مقناطیسی میدان میں متحرک بار q ، جس کی سمتی رفتارv ، بو ، پر درج ذیل قوت اثر انداز ہو گی۔  $\mathbf{F} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B})$ 

شبت برقی بار پر قوت کا رخ دائیر ہاتھ کا قانون v دیگا (شکل 4.1)۔دائیں ہاتھ کے انگوٹھے کو باقی انگلیوں کے ساتھ برقرار قائمہ رکھ کر اس ہاتھ کی چار انگلیوں کو v کے رخ سے شروع کر کے، چھوٹے زاویہ پر گھما کر، B کے رخ موڑنے سے انگوٹھا F کا رخ دیگا۔ منفی بار پر قوت مخالف رخ ہوگی۔

یہاں سمتی رفتار q اور B کے نے ہے۔

برقی اور مقناطیسی (دونوں) میدان میں حرکت پذیر بار پر قوت مساوات 4.1 اور مساوات 4.2 کے مجموعہ سے حاصل ہو گی جس کو مساوات لورینو<sup>4</sup> کہتے ہیں۔

(4.3) 
$$F = q(E + v \times B)$$

ماوات 4.2 میں  $v=\mathrm{d}m{L}/\mathrm{d}t$  کھ کر درج ذیل حاصل ہو گا جہاں آخری قدم پر  $v=\mathrm{d}m{L}/\mathrm{d}t$  کھا گیا $v=\mathrm{d}m{L}$ 

(4.4) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{F} &= q \left( \frac{\mathrm{d} \boldsymbol{L}}{\mathrm{d} t} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= \frac{q}{\mathrm{d} t} \left( \mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= i \left( \mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \end{aligned}$$

velocity<sup>2</sup> right hand rule<sup>3</sup> Lorenz equation<sup>4</sup>



شكل 4.2: ايك چكرك لچھے پر قوت اور قوت مروڑ

مثال 4.1: شکل 4.2 میں ایک لچھا مقناطیسی میدان میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے کا رداس 15 سم، محوری لمبائی 50 سم اور اس میں برقی رو 5 ایمپیئر ہے۔ کثافت مقناطیسی بہاو کو نقطہ دار نو کیلی لکیروں سے شالی قطب سے جنوبی قطب کے رخ دکھایا گیا ہے۔ اگر کثافت مقناطیسی بہاو 0.55 ٹسلا ہو تب

- کھھے کے اطراف پر قوت دریافت کریں اور
  - کھے پر قوت مروڑ τ دریافت کریں۔

حل: شکل-الف اور ب میں کار تیسی اکائی سمتیات دکھائے گئے ہیں۔ برقی تار کے سروں کو نظر انداز کرتے ہوئے اے ایک بند مستطیل تصور کرتے ہیں۔ یوں شکل-الف میں برقی رو کے رخ تار کے اطراف کی لمبائیاں ورج ذیل ہوں گی جبکہ  $B = B_0 a_{\rm X}$  ہوں گی جبکہ جہو گا۔

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{
m x} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{
m x} \end{aligned}$$

یوں مساوات 4.2 کے تحت ان اطراف پر قوت (نیوٹن) درج ذیل ہو گا۔

$$egin{aligned} m{F}_{bc} &= i \left( m{L}_{bc} imes B_0 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= 5 \left( 0.5 m{a}_{
m Y} imes 0.55 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= -1.375 m{a}_{
m Z} \ m{F}_{cd} &= 5 \left( -0.3 m{a}_{
m X} imes 0.55 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= 0 \ m{F}_{de} &= 5 \left( -0.5 m{a}_{
m Y} imes 0.55 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= 1.375 m{a}_{
m Z} \ m{F}_{ea} &= 0 \end{aligned}$$

ہم دیکھتے ہیں کہ صرف محوری اطراف پر قوتیں پائی جاتی ہیں جنہیں شکل 4.2-ب میں دکھایا گیا ہے۔ محوری اطراف پر اثر انداز قوت، مروڑ پیدا کرتی ہیں جس کا رخ دائیں ہاتھ کے قانون سے حاصل ہو گا۔ متنظیل تاریر قوت مروڑ (نیوٹن میٹر) درج ذیل ہو گا۔

$$\tau = -1.375 \times 2 \times 0.15 \times \sin \theta \mathbf{a}_{y}$$
$$= -0.4125 \sin \theta \mathbf{a}_{y}$$

مساوات 4.1 تا مساوات 4.3 كا استعال صرف سادہ ترين صورتوں ميں ممكن ہوتا ہے۔ حقیقی مشینوں میں ان مساوات سے قوت لغین كرنا مشكل ثابت ہوتا ہے۔ آئيں ايك ايك تركيب سيكھتے ہیں جس سے ہم مختلف مشینوں میں پائی جانی والی قوتیں لغین كر سكيں ۔ اس تركیب ہم-توانائی كا طريقه كہتے ہیں جو توانائی كے الل ہونے پر مبنی ہے۔

گھومتی برتی مثین عموماً دو کچھوں پر مشتمل ہوتی ہیں۔ ان میں ایک کچھا مثین کے ساکن حصہ پر لپٹا ہوتا ہے جس کی بنا یہ ساکن رہتا ہے اور ساکن لچھا<sup>5</sup> کہلاتا ہے۔ دوسرا کچھا مثین کے گھومنے حصہ پر لپٹا ہوتا ہے اور مثین گھومنے سے یہ بھی گھومتا ہے۔ اس کو گھومتا کچھا<sup>6</sup> کہتے ہیں۔ان کچھوں کو دو عدد مقناطیس تصور کرتے ہوئے ایسی مشینوں کی کارکردگی باآسانی سمجھی جا سکتی ہے۔

جس طرح دو مقناطیس اگر قریب لائے جائیں تو یہ کوشش کرتے ہیں کہ ایک کا شال N دوسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

stator coil<sup>5</sup> rotor coil<sup>6</sup>



شکل 4.3: برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تبادلہ کا نظام۔

موٹر کے دو کچھے مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ہم جانتے ہیں کہ ایک مقناطیس کے شال N اور دوسرے کے جنوب S کے نقی قوت کشش پائی جاتی ہے۔ ساکن کچھے کا مقناطیسی بہاو گھومتے کچھے کے مقناطیسی بہاو سے کچھ آگے رہ کر اسے کھینے کر کام کرتا ہے۔ جزیٹر میں اس کے بر عکس گھومتا کچھا، ساکن کچھے پر کام کرتے ہوئے اس میں برقی دباو پیدا کرتا ہے۔

توانائی کے طریقے کو شکل 4.3 کی مدد سے سمجھا جا سکتا ہے۔ یہاں مقناطیسی نظام کو ایک ڈبہ مانند دکھایا گیا ہے۔ اس نظام کو برقی توانائی مہیا کی جاتی ہے جس کو یہ میکانی توانائی میں تبدیل کرتا ہے۔ یہاں برقی توانائی کے متغیرات فاصلہ x اور میدانی قوت  $F_m$  ہیں۔ اس شکل میں بائیں یعنی ابتدائی یا اولین جانب i کا رُخ باہر سے اندر ہے جبکہ دائیں یعنی ثانوی جانب  $F_m$  کا رُخ اندر سے باہر رخ ہے۔ یہ ٹرانسفار مر دور کے شکل 3.7 کی مانند ہے۔

جہاں نظام میں توانائی کے ضیاع کو ذخیرہ توانائی سے علیحدہ کرنا ممکن ہو وہاں توانائی کے ضیاع کو بیرونی رکن تصور کیا جاتا ہے۔ شکل 4.4 میں ایک ایسا ہی نظام دکھایا گیا ہے جس میں کچھا برقی نظام اور حرکی حصہ میکانی نظام کو ظاہر کرتے ہیں اور کچھے میں توانائی کے ضیاع کو بیرونی مزاحمت R سے ظاہر کیا گیا ہے۔

توانائی کا بنیادی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی جاسکتی ہے اور نا ہی اسے تباہ کیا جا سکتا ہے۔ اس کو صرف ایک قشم سے دوسرے قشم کی توانائی میں تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ یوں نظام کو فراہم برتی توانائی بن  $\partial W_{ij}$  کا ایک حصہ میکانی توانائی می<sub>کا</sub>نی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی و گا اور باتی حصہ مینائی میکانی خاف طریقوں سے ضائع ہو گیا جو ہمارے کسی کام نہ آسکے گا:

$$\partial W_{\mathbf{j}} = \partial W_{\mathbf{j}} + \partial W_{\mathbf{n}} + \partial W_{\mathbf{n}} + \partial W_{\mathbf{n}} + \partial W_{\mathbf{n}}$$

میدانی قوت  $F_m$ میں چھوٹی ککھائی میں mلفظ میدانی کو ظاہر کر رہاہے۔



شكل 4.4: قوت پيدا كرنے والا آلا۔

برقی توانائی کے ضیاع کو نظرانداز کرتے ہوئے  $\partial W_{ij} = \partial W_{ij} + \partial W_{ij} + \partial W_{ij}$  (4.6)  $\partial W_{ij} = \partial W_{ij} + \partial W_{ij}$  کھھا جا سکتا ہے جس کو  $\partial t$  سے تقسیم کر کے

(4.7) 
$$\frac{\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{2}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{2}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{2}}}{\partial t}$$

کھا جا سکتا ہے جو توانائی کی بجائے طاقت کی بات کرتی ہے۔ اس مساوات کے بائیں ہاتھ برقی طاقت کو ei اور دائیں ہاتھ میکانی حصہ میں  $\partial W_{\dot{0}} = F_m \partial x$  لکھ کر

(4.8) 
$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

حاصل ہو گا جہاں میراطیم  $W_m$  کو  $W_m$  کھا گیا ہے۔ مساوات 2.27 استعال کرتے ہوئے اس کو

$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

کھا جا سکتا ہے۔ دونوں اطراف کو  $\partial t$  سے ضرب دے کر ترتیب نو کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔  $\partial W_m = i\partial \lambda - F_m \partial x$ 

مساوات 4.10 توانائی کے طریقہ کی بنیاد ہے۔ اس مساوات کو استعال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیادی طور پر لوریز کے قانون e ہے ہی پیدا ہوتی ہے۔مساوات 4.10 میں برقی متغیرات i اور e کی بجائے i اور k ہیں۔ لہذا شکل 4.3 کو شکل 4.5 کی طرح بھی بنایا جا سکتا ہے۔

کسی بھی تفاعل z(x,y) کا کل تفرق درج ذیل ہو گا جہاں  $\frac{\partial z}{\partial x}$  لیتے ہوئے y کو مستقل تصور کیا جاتا ہے

Lorenz equation<sup>8</sup> function<sup>9</sup>



شکل 4.5: توانائی کی قشم تبدیل کرنے والاایک نظام۔

اور  $rac{\partial z}{\partial y}$  لیتے ہوئے x کو مستقل تصور کیا جاتا ہے۔

(4.11) 
$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

اسی طرح  $W_m(x,\lambda)$  کا کل تفرق

(4.12) 
$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} d\lambda$$

ہو گا جس کا موازنہ مساوات 4.10 کے ساتھ کر کے درج ذیل اخذ کیا جا سکتا ہے جہاں ایک متغیر کے ساتھ جزوی تفرق لیتے وقت دوسرے متغیر کو صریحاً مستقل ظاہر کیا گیا ہے۔

(4.13) 
$$F_m(x,\lambda) = -\left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0}$$

(4.14) 
$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|_{x_0}$$

مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی  $W_m(x,\lambda)$  دریافت کر کے مساوات 4.13 کی استعال سے قوت دریافت کی جا سکتی ہے۔ شکل 4.4 میں قوت اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کے متوازی ہیں۔ اگلے حصہ میں مقناطیسی توانائی کا حصول سکھایا جائے گا۔

### 4.2 تبادله توانائی والاایک کھیے کا نظام

شکل 4.4 میں ایک لیچے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ لیچے میں برقی ضیاع کو بیرونی مزاحمت سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ میکانی نظام میں حرکی حصہ کی کمیت کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ جہاں اس کمیت کا اثر جاننا ضروری ہو وہاں اس کو ایک

بیرونی کمیت تصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح تبادلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہوتا ہے۔

قوت پیدا کرنے والی مشین میں حرکت نا گزیر ہے۔ عموماً حرکت تب ممکن ہوگی جب مقناطیسی قالب میں قابل تبدیل خلاء موجود ہو۔ قالب میں خلاء کی موجود گی کی بنا عام طور پر  $\Re_a\gg\Re_c\gg\Re_c$  ہوگا اور ایسا مقناطیسی دور حل کرتے ہوئے  $\Re_c\gg\Re_c$  کو نظرانداز کیا جائے گا۔ یوں، جیسا مساوات 2.19 میں دیا گیا ہے، مقناطیسی دباو  $\tau$  اور مقناطیسی بہاو  $\phi$  براہ راست متناسب ہول گے۔ ایس صورت میں مساوات 2.29 میں امالہ L شکل L میں خلاء کی لمبائی x پر مخصر ہوگی لہذا اس مساوات کو درج ذیل کھتے ہیں۔

$$(4.15) \lambda = L(x)i$$

شکل 4.4 میں قوت  $F_m$  کے رخ طے ہونے والا فاصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام مل ہوگا جبکہ ہوگا جبکہ فراہم برتی توانائی  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  ہوگا  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  فراہم برتی توانائی  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  کو مساوات 4.10 کا تکمل  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  کا حاصل کرتے ہیں۔

(4.16) 
$$\int \partial W_m(x,\lambda) = \int i(x,\lambda) \, d\lambda - \int F_m(x,\lambda) \, dx$$

اس تممل کا حصول شکل 4.6 سے واضح ہو گا۔ابتدائی نقطے پر مقناطیسی نظام کو کوئی برقی توانائی فراہم نہیں کی گئی ہے۔ یوں نظام میں برقی رو صفر ہو گی جس کی بنا مقناطیسی بہاو اور ارتباط بہاو بھی صفر ہوں گے لہذا مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی بھی صفر ہو گی۔ کسی بھی مقناطیس کی قوت کشش اس کی مقناطیسی بہاو پر منحصر ہوتی ہے لہذا صفر مقناطیسی بہاو کی بنا اس نظام میں قوت کشش صفر ہو گا اور یوں اس میں حرکت بھی صفر ہو گا۔اس طرح ابتدائی نقطہ پر درج ذیل ہوں گے۔

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

ابتدائی نقطہ شکل 4.6 میں دکھایا گیا ہے۔ اب کچھے کو برقی توانائی فراہم کی جاتی ہے۔ کچھے میں برقی روکی بنا توت اور حرکت پیدا ہوگی۔ آخر کار نظام اختتامی نقطہ پر پنچے گا۔ اختتامی نقطہ بھی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پر  $x=x_0$  اور حرکت پیدا ہو گی۔ آخر کار مقناطیسی میدان میں توانائی  $x=x_0$  ہے۔ ابتدائی نقطہ سے اختتامی نقطہ تک  $x=x_0$  اور  $x=x_0$  کے لئے برقی توانائی کو یوں بڑھایا جاتا ہے کہ  $x=x_0$  اور  $x=x_0$  میں موٹی کلیر (اصل راستے) پر رہیں۔ آخری



شكل 4.6: مقناطيسي ميدان ميں توانائي۔

نقطہ پر مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی  $W_m(x_0,\lambda_0)$  جاننے کے لئے اصل راتے پر مساوات 4.16 کا تھمل کے حاصل کرنا ہو گا جو ایک مشکل کام ہے۔اس راہ پر تھمل کی بجائے ہم متبادل راستہ اختیار کرتے ہیں۔

ہم اس حقیقت سے فائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان ایک قدامتے پہند میدالی ا ہے جس کا مطلب ہے کہ مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقاطیسی میدان میں مقاطیسی میدان میں مقاطیسی میدان میں مقاطیسی مون اور صرف اور صرف اختتامی نقطہ کے  $x_0$  اور  $\lambda$  کی مقدار پر مخصر نہیں ہے لہذا توانائی کا دارومدار راہ پر مخصر نہیں ہے لہذا توانائی کے حصول کے تکمل میں ہم من پیند راستہ اختیار کرتے ہیں۔ہم تکمل لیتے ہوئے شکل 4.6 میں ابتدائی نقطہ سے پہلی راہ چل کر فاصلہ  $x_0$  سے کر کے دوسری راہ اختیار کر کے اختیامی نقطہ  $(x_0, \lambda_0)$  تک پہنچتے ہیں۔ یوں مساوات 4.16 کو دو تکملات کا مجموعہ لکھا جائے گا۔ایک تکمل نقطہ  $(x_0, \lambda_0)$  تک ایا جائے گا:

(4.17) 
$$\int_{\partial U_m(x,\lambda)} \partial W_m(x,\lambda) = \int_{\partial U_m(x,\lambda)} \partial W_m(x,\lambda) + \int_{\partial U_m(x,\lambda)} \partial W_m(x,\lambda)$$

اس مساوات کے دائیں ہاتھ تکملات کو باری باری دکھتے ہیں۔ پہلی راہ تکمل کو مساوات 4.16 کی مدد سے لکھتے ہیں۔

(4.18) 
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_m(x,\lambda) = \int_0^0 i(x,0) \,\mathrm{d}\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \,\mathrm{d}x$$

integral<sup>10</sup>

conservative field<sup>11</sup>

 $m_{\pi}$  تجاذبی میدان بھی قدامت پہند میدان ہے۔ ای لئے اگر کمیت m کو کسی بھی راتے h کی بلندی تک لے جایاجائے تواس کی خفی توانائی  $m_{\pi}$  گا۔

جیسا شکل 4.4 میں و کھایا گیا ہے، پہلی راہ پر  $\lambda=0$  ہے۔ مساوات  $\lambda=0$  میں اس بات کو برقی رو  $\lambda=0$  اور قوت  $\lambda=0$  کھے کر واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ ابتدائی اور اختتامی نقطوں پر  $\lambda$  صفر ہے لگذا  $\lambda=0$  کی  $\lambda=0$  ہو گا۔ ایسے تکمل کی قیمت صفر ہوتی ہے جس کا ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک دوسرے کے برابر ہوں۔

پہلی راہ پر  $0=\lambda$  ہونے کی بنا اس راہ پر مقناطیسی بہاہ بھی صفر ہو گا لہذا اس راہ پر مقناطیسی اثر نہیں پایا جائے گا اور قوت  $F_m$  صفر ہو گا۔ ہم جانتے ہیں کہ صفر کا تکمل صفر ہوتا ہے لہذا  $0=F_m$  صفر ہو گا۔ ہو گا۔ یوں پہلی راہ پر کا تکمل (مساوات 4.18) صفر ہو گا:

(4.19) 
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_m(x,0) = \int_0^0 i(x,0) \, d\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \, dx = 0$$

مساوات 4.17 میں دوسری راہ کا تکمل

(4.20) 
$$\int_{\partial L \mathcal{G}(x_0, \lambda)} \partial W_m(x_0, \lambda) = \int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda - \int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x$$

ہو گا۔ دوسری راہ پر  $x=x_0$  ہے لہذا مساوات 4.20 میں دائیں ہاتھ دوسرے تکمل کا ابتدائی نقطہ  $x_0$  اور اختتامی نقطہ بھی  $x_0$  ہو گا جس کی بنا قوت کا تکمل صفر ہو گا:

(4.21) 
$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x = 0$$

آخر میں مساوات 4.20 کے دائیں ہاتھ، برتی رو کا تکمل حل کرنا باقی ہے۔ مساوات 4.15 استعال کرتے ہوئے اسے حل کرتے ہیں۔

(4.22) 
$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, d\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda \, d\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

مساوات 4.20، مساوات 4.21 اور مساوات 4.22 کے نتائج استعال کرتے ہوئے مساوات 4.17 میں دیے تکمل کا حل لکھتے ہیں:

$$W(x_0, \lambda_0) = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$



شكل 4.7: حركت اور توانائي ـ

اس مساوات میں اختتامی نقطہ کو عمومی نقطہ  $(x,\lambda)$  کیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا جو مقناطیسی میدان میں توانائی کی مساوات ہے۔

$$(4.23) W(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L(x)}$$

مساوات 4.23 کی مدد سے مساوات 4.13 کے ذریعہ قوت  $F_m(x,\lambda)$  اور مساوات 4.14 کے ذریعہ برتی رو  $i(x,\lambda)$  کا حساب اب ممکن ہے۔

مثال 4.2: شکل 4.7 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکی اور ساکن حصول کے نگی خلائی درز g موجود ہے۔ اگر i=30 A میں w=0.4 m b=0.2 m; g=1 mm, N=500 اور i=30 اور i=30 اور i=30 اس خلائی درز میں توانائی i=30 کیا ہوگی؟

g حمل: چونکہ  $g\gg d$  ہے لہذا ساکن حصہ میں مقناطیسی بہاو کا بیشتر حصہ بالائی بازو سے نچلے بازو تک پہنچنے کے لئے حرکی حصہ سے گزرے گا (شکل 4.7)۔ یوں ساکن حصہ میں مقناطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ کر حرکی حصہ سے گزرے گا و شکل  $W_m(x,i)=\frac{\lambda^2}{2L(x)}$  میں  $W_m(x,i)=\frac{\lambda^2}{2L(x)}$  میں کم کرنے سے  $W_m(x,i)=\frac{\lambda^2}{2L(x)}$  میں سے گزرے گا۔ توانائی کے کلیہ و  $W_m(x,i)=\frac{\lambda^2}{2L(x)}$  میں سے گزرے گاہ جہال  $W_m(x,i)=\frac{\lambda^2}{2g}$  اور  $W_m(x,i)=\frac{1}{2}$  ہیں۔ یوں

(4.24) 
$$W_m(x,i) = \frac{1}{2} \frac{N^2 \mu_0 w(b-x)}{2q} i^2$$

ہو گا جس میں دی گئی معلومات پر کرنے سے درج ذیل توانائی حاصل ہو گی (جس کی اکائی جاول ہے)۔

$$W_m(x,i) = \frac{1}{2} \times \frac{500^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.4(0.2 - x)}{2 \times 0.001} \times 30^2$$
$$= 28278(0.2 - x)$$

مثال 4.3: شکل 4.7 میں توانائی کے طریقہ سے قوت  $F_m$  دریافت کریں۔

 $\lambda$  اور  $\lambda$  اور  $K_m=-\left.rac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}
ight|_{\lambda_0}$  عل متغیرات x اور x اور x مساوات x اور x مساوات x اور x اور x بین -

مثال 4.2 میں مساوات 4.24 حاصل کی جو توانائی کا کلیہ ہے۔اییا کرتے ہوئے  $\lambda$  کی جگہ  $\lambda$  جانے  $\lambda$  ساوات 4.24 میں  $\lambda$  ساوات  $\lambda$  کی بجائے  $\lambda$  اور  $\lambda$  اور  $\lambda$  اور  $\lambda$  ہیں۔ قوت کے حصول کی جس کی بنا مساوات 4.24 میں نہیں کیا جا سکتا ہے۔ ہمیں توانائی کے درست متغیرات درکار ہوں گے تا کہ توانائی کے کئے مساوات 4.24 استعال نہیں کیا جا سکتا ہے۔ ہمیں توانائی کے درست متغیرات ورکار ہوں گے تا کہ توانائی درست قوت حاصل نہیں ہوتا ہے)۔ درست طریقہ درج ذیل ہے۔ درج ذیل ہے۔

(4.25) 
$$W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2\left(\frac{N^2\mu_0 A_g}{2g}\right)} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0 w(b-x)}$$

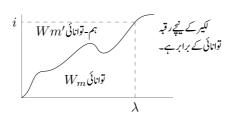
مساوات 4.25 اور مساوات 4.13 مل كر درج ذيل ديق هين-

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0 w(b-x)^2}$$

تفرق لینے کے بعد  $L=rac{N^2\mu_0w(b-x)}{2g}$  تفرق لینے کے بعد  $\lambda=Li$  ہو گا۔یوں قوت

$$\begin{split} F_m &= -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2} \\ &= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g} \\ &= -28\,278 \end{split}$$

4.3. توانائی اور ہم – توانائی



شكل 4.8: ہم-توانائي كى تعريف\_

نیوٹن حاصل ہوتی ہے۔ قوت کی علامت منفی ہے جس کے تحت قوت گھٹت x رخ ہوگی۔ یوں حرکی حصہ بائیں رخ کھٹنچا جائے گا۔ شکل 4.4 میں قوت اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کے متوازی تھے جبکہ شکل  $\Box$  میں قوت اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کے عمودی ہیں۔

### 4.3 توانائی اور ہم-توانائی

شکل 4.8 میں  $\lambda$  اور i کے مابین ترسیم دکھایا گیا ہے۔اس کیبر کے نیچے رقبہ ہم-توانائی  $W_m$  تصور کریں۔ اس ترسیم پر کوئی ایک نقطہ  $(\lambda,i)$  لے کر ایک کیبر نیچے اور دوسری بائیں کھینچ کر ایک مستطیل مکمل کیا گیا ہے جس کا رقبہ  $\lambda$  منفی کرنے سے حاصل رقبہ ہم-توانائی  $W'_m$  کہلاتا ہے۔ مشتطیل کے رقبہ سے توانائی  $W_m$  منفی کرنے سے حاصل رقبہ ہم-توانائی  $\lambda$  کہلاتا ہے۔

$$(4.26) W_m' = \lambda i - W_m$$

ہم-توانائی کے جزوی فرق

$$\begin{split} \partial W_m' &= \partial (\lambda i) - \partial W_m \\ &= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m \end{split}$$

میں مساوات 4.10 کا استعال

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

co-energy<sup>13</sup>

لعيني

$$\partial W'_{m} = \lambda \partial i + F_{m} \partial x$$

د يگا۔

یہاں بھی مساوات z(x,y) تا مساوات 4.14 کی طرح کسی بھی تفاعل z(x,y) کا جزوی فرق

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

ہو گا للذا ہم-توانائی  $W_m'(x,i)$  کا جزوی فرق درج ذیل ہو گا۔

(4.28) 
$$\partial W'_m(x,i) = \frac{\partial W'_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W'_m}{\partial i} di$$

مساوات 4.28 کا مساوات 4.27 کے ساتھ موازنہ کرنے سے درج زیل حاصل ہو گا۔

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

اور

$$(4.30) F_m = \frac{\partial W_m'}{\partial x} \bigg|_{i_0}$$

مساوات 4.30 قوت دریافت کرنے کا دوسرا کلیہ دیتی ہے۔ مساوات 4.30 میں ہم-توانائی جبکہ مساوات 4.13 میں توانائی کے ذریعہ قوت حاصل کی گئی۔

توانائی کے طریقہ کی طرح مساوات 4.29 سے درج ذیل تکمل لکھا جا سکتا ہے۔

(4.31) 
$$W'_m(i_0, x_0) = \int_0^{i_0} \lambda(i, x_0) \, \mathrm{d}i$$

جن نظام میں  $\lambda$  اور i کا تعلق تغیر راست ہو، جس کو مساوات 2.29 بیان کرتی ہو، ان کے لئے درج بالا تکمل کا حل درج ذیل ہو گا جہال  $x_0$  کی بجائے عمومی متغیرات i اور x کھھے گئے ہیں۔

(4.32) 
$$W'_m(i,x) = \int_0^i L(x)i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x)i^2}{2}$$

4.3. توانائی اور جم – توانائی



بعض مسائل میں توانائی اور بعض میں ہم-توانائی کا استعال زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے۔

مثال 4.4: شکل 4.9 میں ایک پیچدار کچھا دکھایا گیا ہے جس کی محوری لمبائی I، رداس r اور چکر N ہیں۔ پیچدار کچھ کے مقاطیسی بہاو کا بیشتر حصہ محوری رخ کچھے کے اندر رہتا ہے۔ کچھے کے باہر مقناطیسی بہاو کو نظر انداز کرتے ہوئے کچھے کے اندر محوری لمبائی رخ میدانی شدت  $\frac{N}{l}$  ہو گی۔

موصل دھات کو امالی برقی توانائی سے پگھلانے کے لئے پیچپرار کچھا استعال کیا جاتا ہے۔ میں 100 تا 1500 کلو واٹ برقی طاقت کی امالی برقی بھٹیارے 14 بناتا رہا جو بالترتیب 500 تا 1200 ہر ٹزیر کام کرتی اور 100 سے 3000 کلو گرام لوہا پگھلاتی ہیں۔

امالی بھٹی کے پیچپرار کچھے کے اندر غیر موصل پیالے میں دھات کے ٹکڑے ڈال کر کچھے میں بدلتارو گزاری جاتی ہے جو دھات میں بھنور نما امالی برقی رو پیدا کرتی ہے۔ بھنور نما رو دھات کو گرم کر کے پکھلاتی ہے۔امالی برقی بھٹی میں لوہے کو 1650 ڈ گری سیسیئرچ <sup>15</sup> تک گرم کیا جاتا ہے۔

یچپار کچھ میں برتی رو  $I_0$  کی بنا کچھ پر رواسی رخ میکانی دباہ یعنی قوت فی مربع رقبہ پیدا ہو گا۔میری 3000 کلو گرام لوہا پکھلانے کی بھٹی کے پیچپار کچھ کی تفصیل درج ذیل ہے۔

N = 11,  $I_0 = 10\,000\,\mathrm{A}$ ,  $l = 0.94\,\mathrm{m}$ ,  $r = 0.49\,\mathrm{m}$ 

اس پر رداسی رخ میکانی دباو (نیوٹن فی مربع میٹر) حاصل کریں۔

high frequency, induction furnaces  $^{14}$  Celsius, Centigrade  $^{15}$ 

حل: ہم-توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W'_m(r,i) &= \frac{L i^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W'_m}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

اس قوت کی علامت مثبت ہے لہذا یہ رداسی رخ باہر جانب ہو گا۔ کچھے کو نککی تصور کریں جس کی گول سطح کا رقبہ  $A=2\pi rl$ 

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8605 \,\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

مثال 4.5: 2700 کلوواٹ امالی بھٹی یومیہ 70 ٹن 16 لوہا پکھلاتی 17 ہے۔اتنے وزن کی منتقل کے لئے برقی مقناطیس استعمال کیا جاتا ہے۔شکل 4.10 میں ایک ایسا برقی مقناطیس دکھایا گیا ہے جس کی تفصیل درج ذیل ہے۔

$$N = 300, \quad A = 0.8 \,\mathrm{m}^2, \quad I = 30 \,\mathrm{A}$$

برتی مقناطیس اور لوہے کے ﷺ اوسط فاصلہ 2.5 سنٹی میٹر لیں۔ یہ برتی مقناطیس کتنی کمیت کا لوہا اٹھا سکتا ہے؟

حل:

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 A}{2l} \\ W_m'(l,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l} \\ F &= \frac{\partial W_m'}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.0254^2} = -31\,558\,\mathrm{N} \end{split}$$

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup>ہزار کلو گرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ <sup>17</sup> یہ میں اپنے تجر بے کی بنیادیر کہدر ہاہوں۔





شكل4.10: برقى مقناطيس\_

قوت کی علامت منفی ہے۔ یوں یہ مقناطیس اور لوہے کے پی فاصلہ کم کرنے کی کوشش کرتی ہے۔ یہ مقناطیس  $\frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$ 

مثال 4.6: مثال 4.3 کو ہم-توانائی کے طریقہ سے عل کریں۔

حل: مساوات 4.32 سے

$$W'_{m} = \frac{L(x)i^{2}}{2} = \frac{N^{2}\mu_{0}w(b-x)i^{2}}{4g}$$

لکھ کر مساوات 4.30 سے درج ذیل قوت حاصل ہوتی ہے۔

$$F_m = \frac{\partial W'_m}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4g} = -28278 \,\text{N}$$

# 4.4 متعدد ليجصون كامقناطيسي نظام

اب تک ایک کچھے کے نظام پر غور کیا گیا۔ اس حصہ میں ایک سے زیادہ کچھوں کے نظام پر غور کیا جائے گا۔ متعدد کچھوں کا نظام بھی ایک کچھے کا برقی رو  $i_1$  اور دوسرے کچھوں کا نظام بھی ایک کچھے کا برقی رو  $i_1$  اور دوسرے



شكل 4.11: دولچھوں كانظام۔

کھے کا برقی رو $i_2$  ہے۔ اس نظام کے لئے درج زیل لکھنا ممکن ہے جہاں  $W_m$  ذخیرہ توانائی کو ظاہر کرتی ہے۔

$$\partial W_{\mathbf{\ddot{\beta}}_{\ell}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

$$\partial W_{\ddot{b}_{\checkmark}} = \partial W_{\dot{b}_{\checkmark}} + \partial W_{m}$$

 $\partial W_{\mathbf{i}_{\mathbb{Z}^n}} = F_m \, \mathrm{d} x$  میں پُر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات حاصل ہوتی ہے جس میں پُر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات ککھا گیا ہے۔

$$(4.35) i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 = F_m dx + \partial W_m$$

اس کی ترتیب نو درج ذیل دیگی۔

(4.36) 
$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - F_m \, \mathrm{d}x$$

اب بالكل مساوات 4.12 كى طرح درج ذيل لكها جا سكتا ہے۔

(4.37) 
$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} dx$$

مساوات 4.36 اور 4.37 کے موازنہ سے درج ذیل تعلقات اخذ ہوتے ہیں۔

(4.38) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, x}$$

(4.39) 
$$i_2 = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_2} \bigg|_{\lambda_1, x}$$

(4.40) 
$$F_m = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \Big|_{\lambda_1, \lambda_2}$$



شکل 4.12: دولچھوں کے نظام میں مقناطیسی میدان میں توانائی۔

ان مساوات کا استعال تب ممکن ہو گا جب ہمیں توانائی  $W_m$  معلوم ہو للذا ہم پہلے توانائی دریافت کرتے ہیں۔

شکل 4.11 میں کچھوں کو یوں طاقت دی جاتی ہے کہ  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صفر سے بالترتیب  $\lambda_{10}$  اور  $\lambda_{20}$  تک پہنچتے ہیں اور ساتھ ہی x صفر سے تبدیل ہو کر  $x_0$  ہوتا ہے۔ اس عمل کو شکل  $x_0$  میں موٹی کیبر سے بطور "اصل راہ" دکھایا گیا ہے۔ مساوات  $x_0$  کی طرح ذخیرہ توانائی کے تکمل کے لئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(4.41) 
$$\int_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} = \int_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} + \int_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} + \int_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} + \int_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_{m}$$

ہم دائیں ہاتھ تکملات کو باری باری حل کرتے ہیں۔

پہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صفر رہتے ہیں جبکہ x کی ابتدائی قیت 0 اور اختتامی قیمت  $\lambda_2$  ہے۔یوں پہلی راہ پر تکمل درج ذیل ہو گا۔

$$\int_{\partial \mathcal{U}_m} \partial W_m = \int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - \int_0^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x$$

کسی بھی تکمل کا ابتدائی اور اختتامی نقط ایک دوسرے جیسا ہونے کی صورت میں تکمل کی قیت صفر ہوتی ہے للذا درج بالا میں دائیں ہاتھ، پہلے دو تکملات صفر ہول گے:

(4.43) 
$$\int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

پہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صفر ہیں، یعنی، دونوں کیجھوں میں برقی رو صفر ہے، لہذا مقناطیسی بہاو اور قوت  $F_m$  صفر ہول گے۔ یوں مساوات  $\lambda_1$  میں قوت کا تکمل صفر ہو گا۔

(4.44) 
$$\int_0^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = \int_0^{x_0} 0 \, \mathrm{d}x = 0 \qquad (8.7)$$

مساوات 4.43 اور مساوات 4.44 کے نتائج کے تحت پہلی راہ پر تکمل صفر ہو گا۔

$$\int_{\mathfrak{F}_{\mathcal{Y}}} \partial W_m = 0$$

دوسری راہ پر  $\lambda_1$  کی ابتدائی قیت 0 اور اختامی قیت  $\lambda_2$  ہے،  $\lambda_2$  صفر رہتا ہے جبکہ x کی قیت x رہتی ہے۔ یوں دوسری راہ پر تکمل درج ذیل ہو گا۔ x

(4.46) 
$$\int_{y_{1}(i,\zeta,y)} \partial W_{m} = \int_{0}^{\lambda_{1_{0}}} i_{1} d\lambda_{1} + \int_{0}^{0} i_{2} d\lambda_{2} - \int_{x_{0}}^{x_{0}} F_{m} dx$$

تکمل کا ابتدائی اور اختتامی نقطہ ایک جیبا ہونے کی صورت میں تکمل صفر ہو گا:

$$\int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

یوں مساوات 4.46 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$\int_{\mathbb{R}^d \mathcal{G}_{p,p}} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1$$

يبال مساوات 2.33 ، 2.36 اور 2.38 كي ضرورت بيش آئ گي جنهين دوباره بيش كرتے ہيں۔

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$$

$$(4.50) L_{12} = L_{21}$$

مساوات 4.48 اور مساوات 4.49 کو  $i_2$  اور  $i_3$  کے لئے عل کے

$$(4.51) i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

$$(4.52) i_2 = \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D}$$

حاصل ہو گا جہاں D درج ذیل ہے۔

$$D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

مساوات 4.47 کو مساوات 4.51 کے برابر گھرا کر، دوسری راہ پر  $\lambda_2$  صفر لے کر درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$\int_0^{\lambda_{10}} \left( \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{10}} \lambda_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

یوں دوسری راہ پر تکمل کی قیمت درج ذیل ہو گا۔

$$\int_{\mathbb{R}^{J/J}} \partial W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

تیسری راہ پر  $\lambda_1$  کی قیمت  $\lambda_{10}$  اور x کی قیمت  $x_0$  پر بر قرار رہتی ہے جبکہ  $\lambda_2$  کی ابتدائی قیمت  $\lambda_1$  اختتامی قیمت  $\lambda_2$  ہے۔ یوں تیسری راہ پر تکمل درج ذیل ہو گا۔

(4.54) 
$$\int_{\partial J_1 \cup \mathcal{G} \neq \tilde{\mathcal{F}}} \partial W_m = \int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + \int_0^{\lambda_{20}} i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2^2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x$$

تھمل کا ابتدائی اور اختتامی نقطہ ایک جیسا ہونے کی صورت میں تھمل کی قیمت صفر ہوتی ہے المذا درج بالا میں دائیں ہاتھ پہلا اور تیسرا تھمل صفر ہوگا:

(4.55) 
$$\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

مباوات 4.52 کی استعال سے مباوات 4.54 کا باتی حصہ حل کرتے ہیں۔

(4.56) 
$$\int_{0}^{\lambda_{20}} i_{2} d\lambda_{2} = \int_{0}^{\lambda_{20}} \left( \frac{L_{11}\lambda_{2} - L_{21}\lambda_{10}}{D} \right) d\lambda_{2}$$
$$= \frac{L_{11}}{D} \int_{0}^{\lambda_{20}} \lambda_{2} d\lambda_{2} - \frac{L_{21}\lambda_{10}}{D} \int_{0}^{\lambda_{20}} d\lambda_{2}$$
$$= \frac{L_{11}\lambda_{20}^{2}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

مساوات 4.55 اور مساوات 4.56 کی نتائج سے تیسری راہ کا تمل درج ذیل حاصل ہو گا۔

(4.57) 
$$\int_{S \setminus \mathcal{G} / \mathcal{E}} \partial W_m = \frac{L_{11} \lambda_{20}^2}{2D} - \frac{L_{21} \lambda_{1_0} \lambda_{20}}{D}$$

 $\lambda_{10}$  مساوات 4.45، 4.45 اور 4.57 کو جمع کر کے مساوات 4.44 کا درج ذیل حل حاصل ہو گا جہاں x ،  $\lambda_2$  مساوات x ،  $\lambda_2$  متغیرات x ،  $\lambda_2$  ،  $\lambda_3$  بیں۔

(4.58) 
$$W_m(x,\lambda_1,\lambda_2) = \frac{L_{22}\lambda_1^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_2^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$

دو لچھوں کے نظام میں ہم-توانائی کی تعریف

 $W_m' = i_1 \lambda_1 + i_2 \lambda_2 - W_m$ 

ہو گی۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

 $\partial W'_m = i_1 \partial \lambda_1 + \lambda_1 \partial i_1 + i_2 \partial \lambda_2 + \lambda_2 \partial i_2 - \partial W_m$ 

مساوات 4.36 استعال کرتے ہوئے ہم-توانائی کے جزوی فرق کی مساوات حاصل ہو گی:

(4.59) 
$$\partial W'_{m}(x, i_{1}, i_{2}) = \lambda_{1} \operatorname{d} i_{1} + \lambda_{2} \operatorname{d} i_{2} + F_{m} \operatorname{d} x$$

جبکه  $\lambda_1$  اور  $F_m$  کی مساواتین درج ذیل ہوں گا۔

(4.60) 
$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_1} \right|_{x, i_2}$$

(4.61) 
$$\lambda_2 = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_2} \right|_{x, i_1}$$

(4.62) 
$$F_m = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial x} \right|_{i_1, i_2}$$

مساوات 4.58 کی مقابل ہم-توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گ۔

(4.63) 
$$W'_m(x, i_1, i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

ہم-توانائی سے قوت حاصل کرتے ہیں:

(4.64) 
$$F_m = \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial x} \bigg|_{i_1, i_2} = \frac{i_1^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{11}(x)}{\mathrm{d}x} + \frac{i_2^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{22}(x)}{\mathrm{d}x} + i_1 i_2 \frac{\mathrm{d}L_{12}(x)}{\mathrm{d}x}$$

مثال 4.7: شکل 4.11 میں میکانی کام کو  $heta = T_m \, \mathrm{d} heta$  ککھ کر توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔

حل: توانائی کی مساوات

$$\partial W_{\ddot{\mathfrak{z}}_{\omega}} = \partial W_{\dot{\mathfrak{z}}_{\omega}} + \partial W_m$$

میں

$$\partial W_{\mathbf{\vec{\mathcal{J}}}_{\mathcal{L}}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

اور  $\theta \theta$  اور  $\partial W_{i,j}$  اور  $\partial W_{i,j}$  اور جا فری اور جا نوان کے ترتیب نوسے درج ویل حاصل ہو گا۔

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - T_m \, \mathrm{d}\theta$$

ے جزوی فرق  $W_m$ 

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} d\theta$$

كا مساوات 4.65 ك ساتھ موازنه كرنے سے درج ذيل اخذ كيے جا سكتے ہيں۔

(4.66) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, \theta}$$

(4.67) 
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1, \theta}$$

(4.68) 
$$T_{m} = -\left. \frac{\partial W_{m}(\lambda_{1}, \lambda_{2}, \theta)}{\partial \theta} \right|_{\lambda_{1}, \lambda_{2}}$$

مساوات 4.65 عین مساوات 4.36 کی مانند ہے۔ مساوات 4.65 حل کرنے کا ایک ایک قدم مساوات 4.36 میں مساوات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  مانند ہے گا۔ یول جواب میں میدانی توانائی کے متغیرات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  حل کرنے کی طرح ہے، بس فاصلہ x کی جبگہ زاویہ  $\theta$  آئے گا۔ یول جواب میں میدانی توانائی کے متغیرات  $\theta$  میدانی توانائی کے متغیرات  $\theta$  میدانی توانائی کے متغیرات  $\theta$  میدانی کے متغیرات کے متغیرا

(4.69) 
$$W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{L_{22}\lambda_1^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_2^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$

اس طرح ہم-توانائی کے لئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\partial W'_m(i_1, i_2, \theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$



شکل 4.13: دولچھوں کے نظام میں قوت مروڑ۔

(4.71) 
$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{1}} \bigg|_{i_{2}, \theta}$$

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{2}} \bigg|_{i_{1}, \theta}$$

$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial \theta} \bigg|_{i_{1}, i_{2}}$$

ہم-توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

(4.72) 
$$W'_m(i_1, i_2, \theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

مثال 4.8: شکل 4.13 میں دو گیھوں کا نظام دکھایا گیا ہے۔اس نظام کا ایک حصہ ساکن رہتا ہے اور دوسرا گھوم سکتا ہے۔افقی کیبر سے گھڑی کی سوئیوں کے مخالف رخ گھومتے ہوئے زاویہ  $\theta$  ناپا جاتا ہے۔ گیھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندرجہ ذیل ہیں۔

$$\begin{split} L_{11} &= 20 + 30\cos2\theta \\ L_{22} &= (20 + 30\cos2\theta) \times 10^{-3} \\ L_{12} &= 0.15\cos\theta \\ \mathcal{L}_{12} &= 0.15\cos\theta \end{split}$$
 حوال معلوم کریں۔ 
$$i_1 = 0.02\,\mathrm{A}, i_2 = 5\,\mathrm{A}$$
 ڪل دو 4.72 معلوم ڪرين ہے۔ 
$$\mathbf{W}_m' = \frac{1}{2}(20 + 30\cos2\theta)i_1^2 + \frac{1}{2}(20 + 30\cos2\theta)(10^{-3})i_2^2 + (0.15\cos\theta)i_1i_2 \end{split}$$

مساوات 4.71 کا آخری جزو قوت مروڑ دیتی ہے۔

$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_2^2 \sin 2\theta - 0.15i_1i_2 \sin \theta$$
$$= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$
$$= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$

قوت مروڑ کی علامت منفی ہے لہذا یہ زاویہ میں تبدیلی کی مخالفت کرے گا۔یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں (مثبت  $\theta$ ) تو یہ نظام زاویہ کم کرنے کے رخ قوت مروڑ (منفی  $T_m$ ) پیدا کرے گا اور اگر آپ زاویہ کم (منفی  $\theta$ ) کرنے کی کوشش کریں تو یہ نظام زاویہ بڑھانے کے رخ قوت مروڑ (مثبت  $T_m$ ) پیدا کرے گا۔سادہ زبان میں گھومتا حصہ اُفقی کئیر پر رہنے کی کوشش کرے گا۔



# باب5

# گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا جائے گا۔ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قشم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

#### 5.1 قانون فيرادُك

قانور فیراڈے  $^1$  کے تحت جب بھی کسی کچھے کا ارتباط بہاو  $\lambda$  وقت کے ساتھ تبدیل ہو، اس کچھے میں برقی دباو پیدا ہو گا:

(5.1) 
$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گھومتے مثین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے پیدا کی جا سکتی ہے۔مثلاً کچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھما کر یا ساکن کچھے میں مقناطیس گھما کر، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law<sup>1</sup>

ان برقی مثینوں میں کچھے مقناطیسی قالب<sup>2</sup> پر لییٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو ماصل کیا جاتا ہے اور کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ مزید قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کے مقام پر پہنچایا جاتا ہے۔

ان مشینوں کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو<sup>3</sup> پیدا ہوتا ہے۔ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر باریک لوہے کی پتری<sup>4</sup> تہہ در تہہ رکھ قالب بنایا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہوگا، ٹرانسفار مرکا قالب بھی ای طرح بنایا جاتا ہے۔

#### 5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برقی جزیئر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے جس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ میکانی زاویہ  $\theta_m$  مقناطیس کا مقام دیتا ہے۔ افقی کیبر سے خلاف گھڑی زاویہ  $\theta_m$  ناپا جاتا ہے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیں ایک مقررہ رفتار ہے، فی سینڈ n مکمل چکر کائنا ہو تب ہم کہتے ہیں کہ اس مقناطیں کے گھومنے کا تعدد n ہر ٹر ڈ ہے۔ اس بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیں 60n فی منٹ 6 کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 360 زاویہ یا  $2\pi$  ریڈ بیئ 7 پر مشتمل ہوتا ہے لمذا گھومنے کی اس رفتار کو  $2\pi n$  ریڈ بیئ فی سینڈ بھی کہہ سکتے ہیں۔ یوں اگر مقناطیں f ہر ٹر کی رفتار سے گھوم رہا ہو تب یہ جس کے میں کہ ساتھ بیں۔ یوں اگر مقناطیں f ہر ٹر کی رفتار سے گھوم رہا ہو تب یہ سے طاہر کیا جاتا ہے۔

$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس کتاب میں گھومنے کی رفتار کو عموماً ریڈیٹن فی سینڈ میں بیان کیا جائے گا۔

شکل 5.1 میں مثین کے دو مقاطیسی قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطبی مثین کہتے ہیں۔ ساکن قالب میں، اندر کی جانب دو شگاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ لیچھے کو a اور a' سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس لیچھے کی بنا

magnetic core<sup>2</sup>
eddy currents<sup>3</sup>
laminations<sup>4</sup>
Hertz<sup>5</sup>

rounds per minute, rpm<sup>6</sup> radians<sup>7</sup>

5.2 معاصر مشين



شکل 5.1: دوقطب، یک دوری معاصر جنریٹر۔

اس مشین کو ایک کچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھا جزیٹر کے ساکن حصہ پر پایا جاتا ہے للذا یہ کچھا بھی ساکن ہو گا جس کی بنا اسے ساکھے کچھا<sup>8</sup> کہتے ہیں۔

مقناطیس کا مقناطیسی بہاو شالی قطب  $^{9}$  N سے خارج ہو کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر، دوسرے خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، مقناطیس کے جنوبی قطب $^{10}$  S میں داخل ہو گا۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کے کمیروں سے دکھایا گیا ہے۔ یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے میں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل 5.1 میں مقناطیس سیدھی سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.2 میں مقناطیس تقریباً گول ہے اور اس کے محور کا زاویہ  $\theta_m$  صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن قالب کے پچ صفر زاویہ،  $0 = \theta$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ،  $0 = |\theta|$ ، پر زیادہ سے زیادہ سے کم خلائی درز پر پچکچاہٹ کم ہو گی جبکہ زیادہ خلائی درز پر پچکچاہٹ زیادہ ہو گی للذا  $0 = \theta$  پر خلائی درز سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزرے گا۔خلائی درز کی لمبائی یوں تبدیل کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا ہو۔ مقناطیسی بہاو مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پر داخل ہوتا ہے۔ اگر خلائی درز میں 0 = 0 سائن نما ہو

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب کثافت مقناطیسی بہاو B صفر زاویہ  $\theta_p=0^\circ$ ، پر زیادہ سے زیادہ اور نوے زاویہ،  $\theta_p=90^\circ$ ، پر صفر ہو گی اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\theta_p=0$  کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ $\theta_p=0$  کو مقناطیس کے شالی قطب سے گھڑی کے مخالف

stator coil<sup>8</sup> north pole<sup>9</sup> south pole<sup>10</sup>



شكل 5.2: كثافت مقناطيسي بهاواور زاويه كاتبديلي\_

رخ ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جے کے باہر نو کیلی لکیروں کی لمبائی سے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت اور کلیروں کے رخ سے بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ہاکی سیابی سے  $^{\circ}0$ -  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$  پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ  $^{\circ}0$  پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ  $^{\circ}0$  پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ باتی آ دھے میں مخالف کے مخالف ہے۔ یوں شکل 5.2 میں آ دھے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا ترسیم سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس دوسرے زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ یاد رہے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت مقناطیس کے شائی قطب پر زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ ور شائی قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رہ وگا۔ شکل قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(5.4) 
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس کا سائن نما مقناطیسی دباو پیش کیا گیا ہے۔ جیسا شکل 5.4 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مقناطیسی دباو کو عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کا رخ مقناطیس کے شال کو ظاہر کرتا ہے۔ 5.2. معاصر مشين









شکل 5.5: چار قطب یک دوری معاصر جنریٹر۔

شکل 5.3 میں مقناطیس کو لمحہ  $t_1$ ، زاویہ  $\theta_m(t_1)$  پر دکھایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو  $\theta_m(t_1)$  مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار  $\omega_0$  سے گھوم رہا ہو تب ساکن کچھے میں اس لمحہ پر برقی دباو e(t) پیدا ہو گا:

$$(5.6) e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

آوھے چکر،  $\pi$  ریڈیئن گھومنے کے، بعد مقناطیسی قطبین آپس میں جگہیں تبدیل کرتے ہیں، کچھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ الٹ ہو گا، کچھے میں ارتباط بہاو  $\theta_0$  اور اس میں امالی برقی دباو e(t) ہو گا۔ ایک مکمل چکر بعد مقناطیس دوبارہ ای مقام پر ہو گا جو شکل 5.3 میں دکھایا گیا ہے، ساکن کچھے کا ارتباط بہاو دوبارہ  $\theta_0$  اور اس میں امالی برقی دباو کی دباو کو گا۔ یوں جب بھی مقناطیس  $\theta_m = 2\pi$  میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں  $\theta_m = 2\pi$  میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں دو سرے کے برابر تبدیلی رونما ہوگی لہذا دو قطب، ایک کچھے کی مثنین میں میکانی زاویہ  $\theta_m$  اور برقی زاویہ  $\theta_0$  ایک دو سرے کے برابر ہوں گ

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین میں میکانی زاویہ  $\theta_m$  اور برقی زاویہ  $\theta_e$  وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپس میں ایک تناسب رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 0 کہتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

frequency<sup>11</sup>

Hertz<sup>12</sup>

synchronous machine<sup>13</sup>

5.2 معاصر مشين

شکل 5.5 میں چار قطب، یک دوری معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مثینوں میں عموماً مقناطیس جبکہ بڑے مثینوں میں برقی مقناطیس جبکہ بڑے مثینوں میں برقی مقناطیس  $^{14}$  استعال ہوتے ہیں۔ اس شکل میں برتی مقناطیس استعال کیے گئے ہیں۔ دو سے زائد قطبین والے مثینوں میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس حوالہ قطب کو  $\theta_m$  پر دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب کو  $\theta_m$  زاویہ پر ہے۔

حییا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں مقناطیس کے چار قطبین ہیں۔ ہر ایک ثالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مقناطیسی قطبین کے جوڑوں کی تعداد اور ساکن کچھوں کی تعداد ایک دوسرے قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مثنا سے قطبین قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر کے برابر ہوتی ہے۔ شکل 5.5 میں مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر دو ساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو واشح کیا گیا ہے اور دوسرے کو ہے ہے۔ کچھے کو قالب میں موجود دوشگان اور  $a_1$  میں رکھا گیا ہے۔ ان وونوں کچھوں دوشگان اور  $a_2$  میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں میں یکسال برقی دباو پیدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھوں کو سلسلہ وار 15 جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیڑ سے حاصل برقی دباو ایک کچھے میں پیدا برقی دباو کا دگنا ہو گا۔ یک دوری آلات میں قالب کو مقناطیس کے قطبین کی تعداد کے برابر حصوں میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا نوے مکانی زاویہ کے اطاطے کو گھیرتا ہے۔

ساکن اور حرکی کیجھوں کی کار کردگی ایک دوسرے سے مختلف ہوتی ہے۔اس کی وضاحت کرتے ہیں۔

حیسا پہلے بھی ذکر کیا گیا چھوٹی گھومتی مشینوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں برقی مقناطیس کو گھومتا حصہ دکھایا گیا ہے، حقیقت میں برقی مقناطیس کی مشین میں گھومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت میں مقناطیس کسی مشین میں گھومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والے اس لچھ کو میدانی لچھا<sup>16</sup> کہتے ہیں۔اس کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔میدان فراہم کرنے والے اس لچھ کو میدانی لچھا ہے بیں۔اس کے برعکس مشین میں موجود دو سری نوعیت کے لچھے کو قومی لچھا<sup>17</sup> کہتے ہیں۔برقی جزیڑ کے قوی لچھے سے برقی طاقت کے میاوہ تمام برقی طاقت واصل کی جاتی ہے۔برقی موٹروں میں میدانی لچھے میں چند فی صد برقی طاقت کے ضیاع کے علاوہ تمام برقی طاقت

شکل 5.6 میں گھومتے اور ساکن حصہ کے بی خلائی درز میں شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر نکل کر قالب میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں

electromagnet<sup>14</sup>

series connected  $^{15}$ 

field coil<sup>16</sup>

armature coil<sup>17</sup>







شكل 6.5: چار قطب، دولچھے مثین میں مقناطیسی بہاو۔

اس مقناطیسی بہاو کی کثافت کو دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کا ٹیس تو مقناطیسی بہاو کا رخ دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گا۔ ان مشینوں میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس پر آگے خور کیا جائے گا۔ اگر تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہے تب خلائی درز میں B کی مطلق قیت شکل 5.7 کی طرح ہو گی جہاں  $\theta$  برتی زاویہ ہے۔

P قطبی مقناطیس کے معاصر مثین کے لئے لکھ درج ذیل ہو گا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

یہاں برقی اور میکانی تعدد کا تناسب 2 ہے۔

مثال 5.1: پاکستان میں گھریلو اور صنعتی صارفین کو  $_{\rm Hz}$  کی برتی طاقت فراہم کی جاتی ہے۔یوں ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگر برقی طاقت دو قطبی جزیٹر سے حاصل کی جائے تب جزیٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟۔
  - اگر جزیر کے بیں قطب ہوں تب جزیر کی رفار کتنی ہو گی؟

حل:

5.2 معاصر شين



شكل 5.8: دوقطب، تين دوري معاصر مشين ـ

- مساوات 5.8 تحت دو قطبی، P=2، جنریٹر کا میکانی رفتار  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  چکر فی سیکنڈ لیمنی مساوات  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  مساوات  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  مساوات  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  مساوات کی منٹ  $f_m=rac{2}{2}(50)=50$  میکنڈ لیمنی میکنڈ لیمنل میکنڈ لیمنی میکنڈ لیمنل میکنڈ لیمنڈ لیمنل میکنڈ لیمنل میکنڈ لیمنل میکنڈ لیمنل میکنڈ لیمنل میکنڈ لیمن
- بیں قطبی، P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار  $f_m=rac{2}{20}(50)=5$  چکر فی سینٹر لیعنی P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار P=20

اب میہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیر سست رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر تیزر فتار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیر عموماً دو قطب رکھتے ہیں۔ جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر عموماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔

a شکل 5.8 میں دو قطب تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھا a جو قالب میں شکاف a اور a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تب یہ بالکل شکل a میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

لچھے کا رخ درج ذیل طریقہ سے تعین کیا جاتا ہے۔

rpm, rounds per minute<sup>18</sup>



شكل 5.9: دوقطب تين دوري مشين ـ

• دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شافوں میں برتی رو کے رخ کیپیٹیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کا رخ دے گا۔ گا۔

شکل 5.8 میں کچھا a کا برقی رو شگاف a میں، کتاب کے صفحہ کو عمودی، باہر رخ جبکہ a' میں اس کے مخالف اندر رخ تصور کرتے ہوئے کچھا a کا رخ تیر دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس رخ کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ یوں کچھا a صفر زاویہ پر لپیٹا گیا ہے، لیعنی a a ہے۔ باقی کچھوں کے زاویات کچھا a کے رخ سے، گھڑی کے مخالف رُخ نابے جاتے ہیں۔

شکل 5.9 میں اگر لمحہ  $t_1$  پر لچھا a کا ارتباط بہاو ( $t_1$ ) ہو تب لمحہ  $t_2$  پر، جب مقناطیس  $t_2$  زاویہ طے کر لے، لچھا d کا ارتباط بہاو ( $t_2$ ) ہو گا۔ لمحہ  $t_2$  پر مقناطیس اور لچھا d ایک دوسرے کے لحاظ سے بالکل اسی طرح نظر آتے ہیں جیسے  $t_1$  پر مقناطیس اور لچھا a ایک دوسرے کے لحاظ سے نظر آتے تھے۔ یوں لمحہ  $t_2$  پر لچھا d کا ارتباط بہاو اتنا ہی ہو گا جتنا لمحہ  $t_3$  پر  $t_4$  کھا کا ارتباط بہاو تھا:

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ای طرح کھے  $t_3$  پر، جب مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کر لے، کچھا c کا ارتباط بہاو ( $\lambda_c(t_3)$  ہو گا جو  $\lambda_c(t_1)$  ہو گا۔ یوں درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

5.2. معاصر مثين

ان کمحات پر کیجھوں کے امالی برقی دباو

(5.11) 
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.12) e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

(5.13) 
$$e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔ مساوات 5.10 کی روشنی میں درج ذیل ہو گا۔

(5.14) 
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف کچھا a پایا جاتا تب یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اگر ایکی صورت میں مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تب، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھا a میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوتا۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دو سرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں ہے۔ یوں اگر شکل 5.9 میں مقناطیس ای طرح گھمایا جائے تب تینوں سائن کچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہو گا البتہ مساوات 5.14 کے تحت یہ برقی دباو آپس میں a دو سرے کھوں گے۔ ان امالی برقی دباو کو شکل 5.10 میں دکھایا گیا ہے۔ اگر لمحد تحت یہ برقی دباو آپس میں a وقت بھی ہوت بھی جوں درج ذیل a وار لمحد a کی چوٹی پائی جائے گی۔ یوں درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} e_a(t) &= E_0 \cos \omega_0 t \\ e_b(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{2}{3}\pi\right) \\ e_c(t) &= E_0 \cos \left(\omega_0 t - \frac{4}{3}\pi\right) = E_0 \cos \left(\omega_0 t + \frac{2}{3}\pi\right) \end{split}$$

شکل 5.11 میں چار قطب، تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ گھومتے تھے پر شالی اور جنوبی قطبین باری باری پائے جاتے ہیں اور °180 میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی بائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ کے 180° برتی زاویہ کے برابر ہو گا۔ شکل 5.8 میں ساکن حصہ کے °360 برتی زاویہ کے احاطہ میں تین دوری کچھے نسب ہیں جن کی اطراف کی ترتیب، گھڑی کے مخالف رخ چلتے ہوئے، ہ، ن ہون، ہ ن ہ دوری اور 'طبین کے احاطہ ، 180° میکانی زاویہ (یا °360 برتی زاویہ)، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف کی ترتیب ہیں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف کی ترتیب ہیں بالکل اسی طرح آپ کو 20 میکانی زاویہ (یا °20 ہے۔ باتی دو قطبین کے احاطے میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو 20 میکانی کی ترتیب ہیں بالکل اسی طرح آپ کو 20 میکانی دور 'دی کے۔ باتی دو قطبین کے احاطے میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو 20 میکانی دور 'دی ج



شكل 5.10: تين دورى امالى برقى د باومين زاويائى فرق پاياجاتا ہے۔



شكل 5.11: چار قطب، تين دوري معاصر مشين ـ

5.3. محسر كب بر قي دباو

وری وری دوری نظر آئیں گے۔ کسی بھی لمحہ a1 اور a2 کمچھوں میں بالکل کیساں برتی دباو پیدا ہو گا۔ تین دوری دوری دوری کے نظر آئیں گر آئیں متوازی جوڑ کر تین دوری برتی دباو حاصل کا جاتا ہے۔ شکل 5.11 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے جہاں a کچھے کو صفر زاویہ پر تصور کیا گیا ہے۔

# 5.3 محرك برقى دباو

Fقانون لورینز  $q^{20}$  کے تحت مقناطیسی میدان  $q^{20}$  میں سمتی رفتار  $q^{20}$  سے حرکت کرتا ہوا برقی بار  $q^{20}$  درج ذیل قوت  $q^{20}$  محسوس کرمے گا۔

$$(5.15) F = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی میدان کے لحاظ سے برقی بارکی سمتی رفتار ہے للذا  $\mathbf{F}$  کو ساکن مقاطیسی میدان میں برقی بارکی سمتی رفتار تصور کیا جا سکتا ہے۔ شبت برقی بار پر قوت کا رخ دائیں ہاتھ کا قانون  $^{21}$  دیگا (صفحہ 104 پر شکل 4.1)۔دائیں ہاتھ کے انگو شے کو باقی انگلیوں کے ساتھ برقرار قائمہ رکھ کر اس ہاتھ کی چار انگلیوں کو v کے رخ سے شروع کر کے، چھوٹے زاویہ پر گھا کر، B کے رخ موڑنے سے انگوٹھا  $\mathbf{F}$  کا رخ دیگا۔

متناطیسی میدان میں ابتدائی نقطہ سے اختتامی نقطہ تک، جن کے تھ ہٹاو l ہے، برقی بار q منتقل کرنے کے لئے درکار کام W ہو گا:

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے ﷺ برقی دباو<sup>22</sup> کہتے ہیں جس کی اکائی وولھے۔ V <sup>23</sup> ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے ﷺ درج ذیل برتی دباو ہو گا۔

(5.17) 
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l} \quad \text{(5.17)}$$

Lorentz law<sup>19</sup>
charge<sup>20</sup>
right hand rule<sup>21</sup>
potential difference, voltage<sup>22</sup>

volt<sup>23</sup>



شکل5.12: ایک چکر کالچھامقناطیسی میدان میں گھوم رہاہے۔

حرکت کی مدد سے یوں حاصل برقی دباو کو محرکے برقی دباو<sup>24</sup> کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے پیدا برقی دباو کو محرک برقی دباو کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برقی سیل وغیرہ کا برقی دباو بھی محرک برقی دباو کہلائے گا۔

شکل 5.12 میں خلاف گھڑی گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔ بائیں خلاء میں لچھا کی تار کے قطع پر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت بایاں قطع میں موجود مثبت برتی بار پر صفحہ کے عمودی باہر رخ قوت پیدا ہو گی جبکہ اس قطع میں موجود منفی برتی بار پر اس کے مخالف رخ قوت پیدا ہو گی۔مساوات 5.17 کے تحت اس قطع کا بالائی سرا مثبت اور نچلا سرا منفی برتی دباو پر ہو گا۔

ہم گھومتے حصہ کی محور پر نکلی محدد قائم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سامنے خلاء میں B رداسی رخ جبکہ شالی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کے مخالف رخ ہو گا۔ جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار B کے ہم درج زیل لکھ سکتے ہیں۔

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} = \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ extsf{T}} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} \end{aligned}$$

یوں جنوبی قطب کے سامنے تار کے قطع میں درج ذیل محرک برقی دباو پیدا ہو گا۔

(5.19) 
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کا رخ  $a_z$  لیا گیا ہے۔اس مساوات میں برقی دباو منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تار کا مثبت سرا تار پر  $-a_z$  رخ ہے یعنی تار کا نجیلا سرا مثبت اور بالائی سرا منفی ہے۔

electromotive force,  $\mathrm{emf}^{24}$ 

5.3. محسر كب بر قي دباو

ا گراس تار میں رو گزر سکے تو اس رو کا رخ  $a_z$  لیمن صفحہ کو عمودی اندر رخ ہو گا جسے شکل 5.12 میں شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اسی طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.20) 
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

یوں اس قطع میں درج ذیل دباو ہو گا۔

(5.21) 
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N} \\ = -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = \omega r B l$$

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کا رخ  $a_z$  لیا گیا ہے۔اس مساوات میں برقی دباو مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سراتار پر  $a_z$  رخ ہو گا یعنی تارکا بالائی سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہو گا۔اگر اس تار میں رو گزر سکے تو اس کا رخ  $a_z$  لیعنی صفحہ کو عمودی باہر رخ ہو گا جے شکل 5.12 میں شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دونوں تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان تاروں کے نچلے سر ایک دوسرے کے ساتھ سلسلہ وار جڑے ہیں جس کو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔ یوں اس کچھے کے بالائی، نظر آنے والے، سروں پر کل برقی دباو e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباو کا مجموعہ ہو گا:

(5.22) 
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔اگر ایک چکر سے اتنا برقی دباو حاصل ہو تب N چکر کے کچھے سے درج ذیل دباو حاصل ہو گا جہاں  $\phi=AB$  مقناطیسی بہاو ہے۔

(5.23) 
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

گومتی مشینوں کی خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ ایک دوسرے کے عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 کے مستقل زاویائی رفقار اور محوری لمبائی کی صورت میں پیدا کردہ برقی دباو ہر لمحہ B کا براہ راست متناسب ہو گا۔ خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت میں گھومتے کچھے میں پیدا برقی دباو بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ ورکار ہو ای شکل کی کثافت مقناطیسی دباو خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔سائن نما برقی دباو پیدا کرنے کے لئے خلائی درز میں سائن نما کثافت ِ مقناطیسی بہاو درکار ہو گی۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گی۔

# 5.4 تھیلے کچھے اور سائن نمامقناطیسی دباو

ہم نے اب تک جتنے مشین دیکھے ان سب میں گیھ <sup>25</sup> کچھ دکھائے گئے۔ مزید ان مشینوں میں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے اہمرے قطب<sup>26</sup> تھے۔ عموماً حقیقی مشینوں کے ہموار قطب<sup>27</sup> اور چھیلے کچھ <sup>28</sup> ہوتے ہیں جن کی بنا ساکن اور گھومتے حصوں کے بی خلائی درز میں سائن نما مقاطیسی دباو اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کرنا ممکن ہوتا ہے۔

شکل 5.13 میں ایک گیھ کچھ کچھ دکھایا گیا ہے جہاں مشین کے گھومتے ہے کا عمودی تراش گول شکل کا ہو گا۔ متحرک اور ساکن قالب کا  $\infty \leftarrow \mu_r \rightarrow 0$  لمذا ان کی بچکچاہٹ صفر ہو گی۔ کچھ کا مقناطیسی دباو  $m_i$  مقناطیسی بہاو  $m_i$  کی درز میں سے دو مرتبہ گزرتا ہوا جہاں کہ پیدا کرتا ہے جس کو تیر دار کلیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرتا ہوا کچھ کے گرد ایک چکر کا ٹا ہے۔ یوں ایک چکر، یعنی دو درزوں، کے لئے درج ذبل ہو گا۔

$$\tau = Ni = 2Hl_a$$

اس مساوات کی دونوں اطراف کو 2 سے تقسیم کرتے ہوئے ایک درز کی مساوات کھی جا سکتی ہے جہاں ایک درز پر لاگو مقناطیسی دباو کو  $au_{a}$  سے ظاہر کیا گیا ہے:

$$\tau_a = \frac{\tau}{2} = Hl_a$$

non-distributed coils<sup>25</sup>

salient poles<sup>26</sup>

non-salient poles<sup>27</sup>

distributed winding  $^{28}$ 





یوں ساکن کچھے کے مقاطیسی دباو کا ایک آدھا حصہ ایک خلائی درز اور دوسرا آدھا حصہ دوسری خلائی درز میں مقاطیسی بہاو ( اور مقاطیسی بہاو ) رداسی مقاطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید زاویہ  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  خلائی درز میں رداس کے مخالف رخ ہے۔ ہم رداسی رخ کو مثبت تصور کرتے ہیں۔ چونکہ مقاطیسی بہاو ( اور مقاطیسی دباو )  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2} = 2$  در میان رداسی رخ ہے للذا اسے مثبت تصور کیا جائے گا جبکہ باقی حصہ پر مقاطیسی دباو ( اور مقاطیسی بہاو ) رداس کے مخالف رخ ہے للذا اسے منفی تصور کیا جائے گا۔ گا کہ بین خلائی درز میں مقاطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ تر سیم کیا گیا ہے۔ وقفہ  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2}$  کی خلائی درز میں مقاطیسی دباو کو زاویہ کے اور اس کا رخ مثبت ہے جبکہ وقفہ  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2}$  کی خلائی درز میں مقاطیسی دباو کی قیاطیسی دباو کا آدھا اور منفی رخ ہے۔ یاد رہے مقاطیسی دباو کا رخ رداسی رخ خوالہ سے تعین کیا جاتا ہے۔

#### 5.4.1 بدلتارومشين

برلتارو (اے سی) مشین بناتے وقت کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی در زمیں مقناطیسی دباو سائن نما ہو۔سائن نما مقناطیسی دباو دباو کے حصول کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتا ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

وریز تسلسل 29 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل 30  $f(\theta_p)$  کو درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.25) 
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

 $T^{31}$  تفاعل کا دوری عرصہ  $T^{31}$  ہونے کی صورت میں فوریئر تسلسل کے عددی سر درج ذیل ہوں گے۔

(5.26) 
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

Fourier series<sup>29</sup> function<sup>30</sup> time period<sup>31</sup>

# مثال 5.2: شکل 5.14 میں دیے گئے مقناطیسی دباو کا

- فوريئر تسلسل حاصل كرين،
- تيسري موسيقائي جزو<sup>32</sup> اور بنيادي جزو<sup>33</sup> کا تناسب معلوم كريں۔

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_{0} = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_{p} + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) d\theta_{p} + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_{p} \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

اور درج ذیل حاصل ہوں گے۔

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔  $a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$   $a_2 = a_4 = a_6 = 0$ 

third harmonic component<sup>32</sup> fundamental component<sup>33</sup>

اسی طرح درج ذیل ہو گا۔

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$
$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$
$$= 0$$

• ان نتائج کا یکجا کرتے ہیں:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

يوں تيسرا موسيقائي جزو بنيادي جزو کا تيسرا حصه ليخي 33.33 في صديهو گاـ

مثال 5.2 میں حاصل کردہ  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباو $\tau$  کا فوریئر تسلسل کھتے ہیں۔

(5.27) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p - + \cdots$$

مثال 5.2 کے مقاطیسی دباو کے موسیقائی اجزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا جا سکے۔جیسا آپ اس باب میں آگے دیکھیں گے حقیقی مقناطیسی دباو کے موسیقائی اجزاء قابل نظر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی جزو سے غرض ہو گا۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی اجزاء کو نظر انداز کرتے ہوئے مساوات 5.27 ہے۔

(5.28) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$



شكل 5.15: تين دور لچھے۔

خلائی درج میں  $\tau$  ، H اور B ایک دوسرے کے برائے راست متناسب ہوتے ہیں۔ یوں مساوات 5.28 کے تحت شکل 5.13 کا کچھے اور شکل 5.2 میں صفر زاویہ پر سلاخ نما مقناطیس کیساں  $\tau$  (اور B) دیں گ۔ اس طرح اگر شکل 5.13 کا کچھا زاویہ  $\theta_{m}$  پر ہوتا تب ہمیں شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کے نتائج حاصل ہوتے۔

شکل 5.15 میں تین کچھے آپس میں °120 زاویہ پر دکھائے گئے ہیں۔ ہم مساوات 5.64 کی طرح اس شکل میں کچھا a کے لئے درج ذیل کھ سکتے ہیں۔

(5.30) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اسی طرح کیجھا b اور c جو بالترتیب  $heta_{m_b}=120^\circ$  اور  $heta_{m_b}=240^\circ$  اور جو بالترتیب  $heta_{m_b}=120^\circ$ 

(5.31) 
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ} \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ}) \end{aligned}$$

(5.32) 
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^{\circ} \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^{\circ}) = \tau_0 \cos(\theta + 120^{\circ}) \end{aligned}$$

ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہر گز نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض نظر کا دھوکا ہے۔ اس مقناطیسی دباو کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی تمام ارکان کو صفر کر سکیں تب ہمیں سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو گا۔



شكل 5.16: كيميلا لجهابه

شکل 5.13 کے N چیر کچھے کو تین چھوٹے کیساں کچھوں میں تقسیم کرتے ہوئے شکل 5.16 حاصل کیا گیا ہے جہاں ہر چھوٹا کچھوٹا کچھو کا ہے۔ ایسے چھوٹے کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا<sup>34</sup> جاتا ہے للذا ان میں ایک جیسا برتی رو  $\frac{N}{3}$  جہاں ہر چھوٹا کچھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے کچھے کو شگاف  $a_{45}$  اور  $a_{45}'$  میں رکھا گیا ہے۔ ووسرے کچھے کو شگاف  $a_{135}$  اور  $a_{135}'$  میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑا کو ایک ہی طرح کے نام دیے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا  $a_{45}$  اور  $a_{45}$  ہے۔ شگاف کا نام شگاف کے زاویہ کے لحاظ سے رکھا گیا ہے۔ یوں شگاف  $a_{45}$  در حقیقت  $a_{50}$  زاویہ پر ہے، شگاف  $a_{90}$  نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف  $a_{135}$  ایک سو پینیتیں درجہ زاویہ پر ہے۔ اس طرح  $a_{45}$  شگاف  $a_{45}$  کا جوڑا ہے۔

متمام کچھے کا جیل اور تمام کچھوں میں برتی روi ایک دوسرے جیبا ہے۔ شکل 5.16 کے تھلے کچھے کا مقاطیسی دباو بالقابل زاویہ کا ترسیم شکل 5.17 میں موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ سب سے اوپر لچھا کہ کے مقناطیسی دباو کی ترسیم ہے جو شکل 5.14 کی ترسیم کی طرح لیکن صفر زاویہ سے -45 ہٹ کر ہے۔ دوسری ترسیم لچھا  $a_{90}$  کی ہے جو ہو بہو شکل 5.14 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا  $a_{135}$  کی ہے جو صفر زاویہ سے +45 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا موری کے جو صفر زاویہ سے +45 ہٹ کر ہے۔ ان تینوں ترسیمات کا انفرادی طول  $-\frac{Ni}{2}$  ہے۔

ترسیمات  $au_{a45}$  اور  $au_{a135}$  ی سے کل مقناطیسی دباو کی ترسیم  $au_{a45}$  حاصل کرنا سیکھتے ہیں۔ شکل  $au_{a45}$  میں عمود کی نقطہ دار کلیریں لگائی گئی ہیں۔ سب سے بائیں کیپلی کلیر کی بائیں طرف خطہ کو "ا" کہا گیا ہے۔اس

series connected  $^{34}$ 



شكل 5.17: تصليح لحصے كاكل مقناطيسي د باو۔

خطه میں ترسیمات  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، اور  $\tau_{a135}$  کی انفرادی قیمتیں  $\tau_{a45}$  ہیں لہذا ان کا مجموعہ  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، وگلہ یوں خطہ "ا" میں کل مقناطیسی دباو  $\tau$  کی ترسیم کی قیمت  $\tau_{a45}$  ہو گل۔ اس طرح خطہ "ب" میں دباو  $\tau$  کی ترسیم کی قیمت  $\tau_{a45}$  ہو گل۔ اس طرح خطہ "ب" میں مقناطیسی دباو  $\tau$  کی جمعی جو کس مقناطیسی دباو  $\tau$  ہو گلہ مقناطیسی دباو  $\tau_{a45}$  ، جو کل مقناطیسی دباو  $\tau_{a45}$  ہو گلہ خطہ "ج" میں بالائی تینوں ترسیمات کی قیمتیں بالترتیب  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، اور  $\tau_{a45}$  ، ہیں جن کا مجموعہ کی قیمتیں بالترتیب  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، اور  $\tau_{a45}$  ، ہیں جن کا مجموعہ کی ترسیم تصفیح سکتے ہیں۔

شكل 5.17 كى ح كو شكل 5.18 مين دوباره پيش گيا ہے۔شكل 5.18 كيلي لچھے اور شكل 5.14 كيھ لچھے



کے دباو کی ترسیمات ہیں۔ شکل 5.14 کے لحاظ سے شکل 5.18 کی صورت سائن نما کے زیادہ قریب ہے۔ فوریئر سلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔ شگافوں کے مقامات اور ان میں کچھوں کے چکر یوں رکھے جا سکتے ہیں کہ ان کے پیدا کردہ مقناطیسی دباوکی ترسیم کی صورت سائن نماکی زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

کے کھیے کے مختلف حصے ایک ہی زاویہ پر مقناطیسی دباو نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباو کا حیطہ (اشنے ہی چکر کے) ایک کچھ کچھ کے حیطہ سے کم ہوتا ہے۔ مساوات 5.29 میں اس اثر کو شامل کرنے کے لئے جزو  $k_w$  متعارف کیا جاتا ہے

(5.33) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$- \xi_w \frac{4}{\pi} \frac$$

مثال  $k_w$  تنظی  $k_w$  کے کھیے کی کھیے کا تنظم کریں۔

 $a_1$  حل: ہمیں شکل 5.18 کی موج کا بنیادی جزو درکار ہے للذا ہم اس موج کے فوریئر شلسل کا عددی سر تا شکل  $90^\circ$  تا  $90^\circ$  تا

$$a_1 = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta) \cos \theta \, d\theta = \frac{4}{T} \int_{-T/4}^{T/4} f(\theta) \cos \theta \, d\theta$$

اس طرح درج ذیل ہو گا۔

$$a_{1} = \frac{2}{\pi} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} f(\theta) \cos \theta \, d\theta$$

$$= \frac{2}{\pi} \Big[ \int_{-\pi/2}^{-\pi/4} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, d\theta + \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \frac{Ni}{2} \cos \theta \, d\theta + \int_{\pi/4}^{\pi/2} \frac{Ni}{6} \cos \theta \, d\theta \Big]$$

$$= 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

winding factor<sup>35</sup>





شكل 5.19: تھيلے ليھے كاجزو پھيلاو۔

يوں  $k_w = 0.8047$  ہو گا۔

مقناطیسی د باو کو سمتیہ تصور کرتے ہوئے درج بالا مثال کو دوبارہ حل کرتے ہیں۔ آپ دیکھیں گے کہ یہ ترکیب نسبتاً آسان ہے۔

مثال  $k_w$  تلاش کریں۔ شکل 5.16 کے تھیے کچھے کا  $k_w$  تلاش کریں۔

 $au_n = rac{4}{\pi} rac{ni}{2}$  حل: شکل 5.19 سے رجوع کریں۔ شکل 5.16 کے تین چھوٹے کچھے ایک جیسا مقناطیسی د باو  $\frac{n}{2} = \frac{ni}{2}$  بیدا کرتے ہیں البتہ ان کے رخ مختلف ہیں۔ یہاں ایک کچھا  $\frac{N}{3}$  چکر کا ہے لہذا  $n = \frac{N}{3}$  ہو گا۔ ہم تینوں مقناطیسی د باو  $\tau$  معلوم کرتے ہیں۔ کے دوری سمتیات کا مجموعہ لے کر مقناطیسی د باو  $\tau$  معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

للذا  $k_w = 0.8047$  للذا

مثال 5.5: تین دوری، 50 ہرٹز، ستارہ بڑئے جزیٹر کو 3000 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔ تیس چکر کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاہ 0.833 ہے۔ مشین کا کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاہ 0.833 ہے۔ مشین کا رداس 0.7495 میٹر اور لمبائی 2.828 ء میٹر ہے۔خلائی درز کی لمبائی 0.04 میٹر ہے۔میدانی کچھے میں  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔ میدانی کچھے میں 1000 ایم پیسٹر برقی روکی صورت میں درج ذیل تلاش کریں۔خلاء میں مقناطیسی بہاہ سائن نما ہو گا۔

- میدانی مقناطیسی دباو کی زیادہ سے زیادہ قیمت۔
- خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کی زیادہ سے زیادہ قیت۔
  - ایک قطب پر مقناطیسی بہاو۔
    - متحرک تاریر برقی د باو۔

حل:

- $\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$ 
  - $B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$
- $\phi_0 = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} r l B_0 \cos\theta \, d\theta = 2B_0 l r = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \,\text{Wb}$

 $E_{rms} = 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0$ = 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 = 6349.85 V

یوں سارہ جڑی جزیڑ کی تار کا برتی دباہ درج ذیل ہو گا۔ $\sqrt{3} imes6349.85pprox11\,000\, ext{V}$ 

ہم سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کرنا چاہتے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ مقصد پورا ہو۔ شکل 5.18 میں صفر زاویہ کے دونوں اطراف مقناطیسی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹتی یا بڑھتی ہے۔ مثلاً جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباو  $\frac{N_i}{3}$  گھٹتا ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مزید  $\frac{N_i}{3}$  گھٹتا ہے، وغیرہ وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فوریئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھا جاتا ہے۔

ساکن کچھوں کی طرح متحرک کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو۔

# 5.5 مقناطيسي د باو كي گھومتى امواج

گھومتے مشین کے لیجھوں کو برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دورکی لپٹی مثین

مساوات 5.33 میں ایک کچھے کا مقناطیسی دباو

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیا گیا ہے جو سائن نما برقی رو

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صورت میں

(5.37) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقناطیسی دباو دے گا جہاں  $au_0$  درج ذیل ہے اور لیجھا کے برقی رو کو  $au_a$  کہا گیا ہے۔

(5.38) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

مساوات 5.37 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو زاویہ <math> heta اور لحہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ مساوات 5.37 کو کلیہ

(5.39) 
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

کی مدد سے دو ٹکٹروں

(5.40) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

میں تقسیم کیا جا سکتا ہے جہال  $au_a^-$  اور  $au_a^+$  درج ذیل ہوں گے۔

(5.41) 
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(5.42) 
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

مساوات 5.40 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو دو آپس میں مخالف رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موجوں کا مجموعہ ہے۔ اس کا یہلا جزو  $\tau_a^+$  خلاف گھڑی، زاویہ بڑھنے کے رخ، لعنی گھڑی وار ، گھومتا ہے جبکہ اس کا دوسرا جزو  $\tau_a^+$  خلاف گھڑی، زاویہ بڑھنے کے رخ، گھومتا ہے۔

ایک دور کی لیٹی مثینوں میں گھومتے مقاطیسی دباو کی امواج میں سے کسی ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی جاتی ہے۔ اس طرح ایک ہی رخ مقاطیس کی مانند ہوگا۔ تین دوری مثینوں میں ایسا کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔

# 5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجزيه

شکل 5.20 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں  $k_x$  فور میر تسلسل کے بنیادی اجزاء دیے گئے ہیں جن میں جزو پھیلاو  $k_x$  شامل کر کے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

(5.43) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

ان کچھوں میں بالترتیب تین دوری برقی رو

(5.44) 
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$



شكل 5.20: تين دوركي لپڻي مشين۔

لینے سے مساوات 5.43 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

(5.45) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

تینوں کچھوں کے چکر ایک دوسرے کے برابر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات 5.39 کی استعال سے

(5.46) 
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

 $au_0$  کھے جا سکتے ہیں جہاں  $au_0$  درج ذیل ہے۔

(5.47) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقناطیسی و باوau ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔  $\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^\circ) + \cos(\gamma + 240^\circ) = 0$ 

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\beta=240^\circ$$
 اور  $lpha=\gamma$  کے کر

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

حاصل کرتے ہیں جن میں جن میں ح $\cos 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$  اور  $\cos 240^\circ = -rac{1}{2}$  پر کر کے ورج ذیل حاصل ہو گا۔

$$\begin{aligned} \cos(\gamma + 240^{\circ}) &= -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma \\ \cos(\gamma - 240^{\circ}) &= -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma \end{aligned}$$

ان مباوات کو  $\gamma \cos \gamma$  کے ساتھ جمع کرنے سے صفر حاصل ہو گا۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے کئے اس مساوات کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔  $\gamma = \theta + \omega t + \alpha$ 

$$(5.48) \quad \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$$

اب مساوات 5.46 میں دیے  $au_b$  ،  $au_c$  اور  $au_c$  کو جمع کر کے مساوات 5.48 کا استعمال کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.49) 
$$\tau^{+} = \tau_{a} + \tau_{b} + \tau_{c} = \frac{3\tau_{0}}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.49 کہتی ہے کہ کل مقناطیسی دباو کا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا  $\frac{8}{2}$  گنا ہو گا۔ مزید مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کے مخالف رخ گھوے گی۔ یول تین کچھوں کو °120 زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دوری برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے ہجان کرنے سے مقناطیسی دباو کی واحد ایک موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ کسی دو برقی رو کو آپس میں تبدیل کرنے سے مقناطیسی موج کا رخ تبدیل ہوتا ہے۔

مساوات 5.49 ایک گھومتے موج کو ظاہر کرتی ہے جس میں ہم برتی رو کا تعدد 50 Hz اور اپنی آسانی کے لئے  $\cos(\theta-\omega t)$  کو صفر لیتے ہیں۔ یوں اس موج کی چوٹی کا تعین تفاعل  $\cos(\theta-\omega t)$  کرے گا۔ تفاعل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی کے نظر رکھیں۔ تفاعل  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی اکائی ہے جو  $\cos(\theta-\omega t)$  پر پائی جاتی ہے۔



شكل 5.21: حركت كرتى موج\_

ابتدائی کھہ t=0 پر ہوگی جس کو  $\cos(\theta-\omega t)$  پر ہوگی جس کو  $\cos(\theta-\omega t)$  پر ہوگی جس کو رہے گئے عل کرتے ہیں تاریخ

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صفر برتی زاویہ پر ہو گی جسے شکل 5.21 میں نقطہ دار ککیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ہم کچھ وقفہ، مثلاً t=0.001

$$\theta - \omega t = 0$$
  

$$\theta - 0.001\omega = 0$$
  

$$\theta = 0.001\omega$$
  

$$= 0.001 \times 2 \times \pi \times 50$$
  

$$= 0.3142 \,\text{rad}$$

اب یہ چوٹی 0.3142 یا  $\frac{\pi}{10}$  برتی ریڈیئن یعنی 18° برتی زاویہ پر ہے جے شکل 5.21 میں باریک کھوں کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی دباوکی موج گھڑی کے مخالف رخ، یعنی زاویہ بڑھنے کے رخ، گھوم گئ  $\theta - \omega t' = 0$  برچوٹی کا مقام  $0 = \omega t' = 0$  موٹی کے موٹی کے عمومی کی کے عمومی کی کا مقام  $0 = \omega t' = 0$  سے درج ذیل حاصل ہو گا جے موٹی گھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

$$(5.50) \theta = \omega t'$$

مساوات 5.50 کہتی ہے کہ چوٹی کا مقام تعین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ بندر تک بڑھتا ہے۔اس مساوات hinspace = 0 برتی زاویہ طے کرنے کا دورانیہ hinspace T حاصل کرتے ہیں۔

(5.51) 
$$T = t' = \frac{\theta}{\omega} = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

یاد رہے f برقی روکا تعدد ہے۔ یوں 50 ہرٹز برقی روکی صورت میں مقناطیسی دباو کی موج ہر  $\frac{1}{50}=0.02$  میں ایک مکمل برقی چکر کاٹے گی اور ایک سینٹر میں 50 برقی چکر کلمل کرے گی۔

دو قطبی مشینول میں مساوات 5.7

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

کے تحت برتی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مثینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات 05.51 کے تحت ایک سینڈ میں مقناطیسی دباو کی موج 0 برتی یا میکانی چکر مکمل کرے گی جہاں 0 برقی رو کی تعدد ہے۔ 0 قطبی مثینوں کے مقناطیسی دباو کی موج ایک سینڈ میں 0 ہے میکانی چکر مکمل کرے گی۔

ہم مساوات 5.52 کی دونوں اطراف کا وقت کے ساتھ تفرق لیتے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta_e}{\mathrm{d}t} = \frac{P}{2} \frac{\mathrm{d}\theta_m}{\mathrm{d}t}$$

اب  $\frac{\mathrm{d}\theta_c}{\mathrm{d}t}$  برتی زاویائی رفتار  $\omega_e$  اور  $\frac{\theta_m}{\mathrm{d}t}$  میکانی زاویائی رفتار  $\omega_m$  کو ظاہر کرتے ہیں۔ای طرح برتی رو کی تعدد کو  $f_e$  ، متناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برقی زاویہ کو  $\theta_e$  ، میکانی زاویہ کو  $\theta_m$  اور مقناطیسی دباو کی موج کی برقی زاویائی رفتار کو  $\omega_m$  سے ظاہر کرتے ہوئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\omega_{m} = \frac{2}{P}\omega_{e}$$
 rad/s
$$f_{m} = \frac{2}{P}f_{e} \quad \text{Hz}$$

$$n = \frac{120f_{e}}{P}$$
 پیکر فی منت  $n = \frac{120f_{e}}{P}$ 

مقناطیسی موج کی برتی معاصر زاویائی رفتار  $\omega_e$  برتی زاویه فی سینڈ اور میکانی معاصر زاویائی رفتار  $\omega_m$  میکانی زاویه فی سینڈ ہو گی۔ای طرح موج کی برتی معاصر رفتار  $f_m$  میکانی ہر ٹز ہو گی۔برتی سینڈ ہو گی۔ای

 $synchronous\ speed^{36}$ 

معاصر رفتار  $f_e$  ہرٹز ہونے سے مراد ہے کہ ایک سینڈ میں موج  $f_e$  برتی چکر کا فاصلہ طے کرتی ہے جو دو قطب کا لینی  $\pi$  ریڈیئن کا میکانی زاویہ ہے۔ اس طرح میکانی معاصر رفتار  $f_m$  ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ موج ایک سینڈ میں  $f_m$  میکانی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکانی چکر روز مرہ زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میں  $f_m$  میکانی چکر فیج منظے  $\pi$  کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 5.53 معاصر فقار کی مساوات ہے۔

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی لپٹی مثین جس کے لچھے  $\frac{2\pi}{q}$  برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں برقی رو q دوری ہو میں، تین دوری مثین کی طرح، ایک ہی رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مزید، اس موج کا حیطہ کسی ایک لچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا  $\frac{q}{2}$  گنا ہو گا اور اس کی زاویائی رفتار  $\frac{q}{2}$  گی رفتی ریڈ میکن فی سینڈ ہو گی۔ برقی ریڈ میکن فی سینڈ ہو گی۔

## 5.5.3 تين دور کي لپڻي مشين کاتر سيمي تجزيه

شکل 5.22 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے جس میں مثبت برقی رو کے رخ دکھائے گئے ہیں۔ یوں a شگاف میں برقی رو کا رخ میں برقی رو کا رخ میں برقی رو کا رخ صفحہ میں عمودی باہر کو ہے جے نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اسی طرح a' شگاف میں برقی رو کا رخ صفحہ میں عمودی اندر کو ہے اور جے صلیب کے نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگاف a اور a' میں مثبت برقی رو کا مفاطیسی دباو کا رخ دائیں مقاطیسی دباو کا رخ دائیں جو گا جو عین لچھا a کا رخ ہے۔ لچھے میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو کا رخ دائیں ہم علوم کیا جا سکتا ہے۔

a اب اگر کچھا a میں برقی رو منفی ہو تب برقی رو مثبت رخ کے مخالف ہو گا، یعنی اب برقی رو کا رخ شگاف a میں صفحہ کے عمود کی باہر ہو گا۔ یوں منفی برقی رو سے پیدا مقناطیسی و باو بھی کچھا a کے رخ کا مخالف ہو گا۔ آپ نے دیکھا کہ برقی رو منفی ہونے سے مقناطیسی و باو کا رخ الٹ ہو جاتا ہے۔ شکل 2.22 میں کچھوں کے برقی رو اور مقناطیسی و باو درج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل میں و بے گئے ہیں۔

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$
 
$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

rpm, rounds per minute<sup>37</sup>



شکل 5.22: تین دورکی لیٹی مثین میں مثبت برقی رواوران سے حاصل مقناطیسی دیاوے رخ۔

$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

ہم مختلف کھات پر ان کی قیمتوں تلاش کرتے ہیں اور ان کا مجموعی مقناطیسی دباو حاصل کرتے ہیں۔

لحہ t=0 پر ان درج بالا مساوات سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.56) 
$$\begin{aligned} i_a &= I_0 \cos 0 = I_0 \\ i_b &= I_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5 I_0 \\ i_c &= I_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5 I_0 \end{aligned}$$

(5.57) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$

یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ t=0 پر t=0 مثبت جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  منفی ہیں۔ یوں  $i_a$  کا رخ وہی ہو گا جے شکل t=0 میں نقطے اور صلیب سے دکھایا گیا ہیں جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  کے رخ شکل میں دیے گئے رخ کے خالف ہوں گے۔ لمحہ t=0 پر تینوں برقی رو کے درست رخ اور تینوں متناطیسی دباو شکل 5.23 میں دکھائے ہیں۔

کل مقناطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم (شکل 5.23)، مجموعه سمتیات سے یا الجبرا کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا



شكل 5.23: لمحه
$$t_0=0$$
 يربر قى رواور مقناطيسى د باوـ

ہے۔

(5.58) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_{a} &= \tau_{0} \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_{b} &= 0.5 \tau_{0} \left[ \cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_{c} &= 0.5 \tau_{0} \left[ \cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \end{aligned}$$

ان کا مجموعہ درج ذیل ہو گا۔

(5.59) 
$$\tau = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3}{2}\tau_0 a_{\mathbf{X}}$$

لمحہ t=0 پر کل مقناطیسی دباو ایک کیجھے کے مقناطیسی دباو کا ڈیڑھ گنا اور صفر زاور ہے پر ہے۔

اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ وقفہ بعد لمحہ  $t_1$  پر دوبارہ مقناطیسی دباو تلاش کرتے ہیں۔ مساوات 5.54 ور مساوات 5.55 میں متغیر  $t_1$  کی بجائے  $t_2$  کا استعال زیادہ آسان ہے لہذا ہم لمحہ  $t_1$  یوں متخب کرتے ہیں کہ  $t_1$  ہو۔ ایسا کرنے سے درج ذیل حاصل ہو گا جنہیں شکل 5.24 میں دکھایا گیا ہے۔  $t_1$ 

(5.60) 
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$





 $\omega t_1 = 30^\circ$  ير برقى رواور مقناطيسى د باو $\omega t_1 = 30^\circ$ 

(5.61) 
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$
$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

کل مقناطیسی دباو کا طول au اور زاویه تکون سے حاصل کرتے ہیں۔

(5.62) 
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a\tau_c\cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

تکون کے دو اطراف کی لمبائیاں ایک دوسرے کے برابر اور ان کے ﷺ زاویہ °60 ہے للذا مقناطیسی دباو کا زاویہ افقی لکیر سے °30 ہو گا۔

کل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب گھڑی کے مخالف رخ گھوم کر °30 زاویہ پر ہے۔ اسی طرح لمحہ  $\omega t = \theta^\circ$  پر حل محناطیسی دباو  $\frac{3}{2} \tau_0$  حاصل ہو گا۔ عمومی لمحہ t ، جس پر t عناطیسی دباو t ہو، زاویہ t مقناطیسی دباو t پیدا کرتا ہے۔

# 5.6 محرك برقى دباو

یہاں محرک برقی دباو<sup>38</sup> کو ایک دوسرے نقطہ نظر سے پیش کرتے ہیں۔

5.6. محسر ك برقى دباو



شكل 5.25: بنيادى بدلتار وجزيٹر۔

#### 5.6.1 بدلتاروبر قی جزیٹر

شکل 5.25 میں ایک بنیادی بدلنارو بخریٹر 39 دکھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتا ہے:

$$(5.63) B = B_0 \cos \theta_p$$

یہ مقناطیس  $\omega$  زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ابتدائی کھہ t=0 پر اس مقناطیس کو کچھا a کے رخ افقی لکیر پر تصور کریں۔ یوں کھہ t پر مقناطیس گھوم کر زاویہ  $\theta_m=\omega t$  پر ہو گا۔اس طرح درج بالا مساوات درج ذیل لکھی جا سکتی ہے۔

(5.64) 
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.26 میں B کو زاویہ  $\theta$  اور  $\theta_p$  کے ساتھ تر سیم کیا گیا ہے اور ساتھ ہی لچھا a د کھایا گیا ہے۔ لمحہ b جب گھومتے برتی مقناطیس کا محور اور لچھا a کا محور ایک رخ ہیں، a کو نقطہ دار لکیر سے ظاہر گیا ہے جبکہ عمومی لمحہ b پر a کو مقنوس لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ چونکہ a کی چوٹی ہر صورت  $\theta_p = 0$  پر ہو گی المذا تر سیم میں محور  $\theta_p$  پر دکھائے گئے زاویات  $\theta_p$  تا  $\theta_p$  عمومی لمحہ  $\theta_p$  پر دکھائے گئے زاویات  $\theta_p$  تا  $\theta_p$  تا  $\theta_p$  بر ہو گی۔ عمومی لمحہ  $\theta_p$  پر ہوگی۔ کور اور لمجھے کے محور کو زاویہ ہے۔ یہ زاویہ برتی مقناطیس کے گھومنے کی رفتار  $\theta_p$  پر مخصر ہوگا۔

$$(5.65) \theta = \omega t$$

ac generator<sup>39</sup>



شکل 5.26: کھیے میں سے گزر تامقناطیسی بہاو۔

لمحہ t=0 یر کیجھا a میں مقناطیسی بہاو زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ خلائی درز باریک ہونے کی بنا درز کی اندرونی اور بیرونی رداس کو ایک دوسرے کے برابر تصور کیا جا سکتا ہے۔ برقی مقناطیس کے گھومنے کی محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ ho اور برتی مقناطیس کی محوری لمبائی $^{40}$   $^1$  ہونے کی صورت میں کیجے میں مقناطیسی بہاو وہی ہو گا جو خلائی ورز میں  $rac{\pi}{2}< heta<rac{\pi}{2}$  کے نی ہے۔ لمحہ t=0 کی t=0 کے اور تا بہاہ تلاش کرتے ہیں۔

(5.66) 
$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

axial length<sup>40</sup>

5.6. محسر ك\_بر قي دباو

آخری قدم پر  $\phi_a(0)$  کو  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔ یہی حساب لمحہ t پر درج ذیل ہو گا جہاں آخری قدم پر  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔

(5.67) 
$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0} l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \omega t$$

اسی بہاو کو درج ذیل طریقہ سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ تکمل کو زاویہ heta کے ساتھ حاصل کیا گیا ہے۔ مساوات 5.66 کی مدد سے  $\phi_a(t)$  کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(5.69) 
$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

 اور  $rac{11\pi}{6}$  ہوں گی۔تمام زاویات ریڈیئن میں دیے گئے ہیں۔یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right)$$

اور

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right)$$

ایک لچھا N چکری تصور کرتے ہوئے تینوں لچھوں میں پیدا برقی دباو معلوم کرتے ہیں۔ لچھوں میں ارتباط بہاو درج ذمل ہو گا۔

(5.72) 
$$\lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0 \cos \omega t$$

$$\lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$\lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

5.6. محسر کے برتی دباد

ان مساوات میں  $\frac{2\pi}{3}$  ریڈیئن کو  $120^\circ$  کھھا گیا ہے۔ کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

(5.73) 
$$e_a(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = -\omega N \phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = -\omega N \phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = -\omega N \phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

(5.74) 
$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ)$$
$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ)$$
$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ)$$

 $E_0$  کھھا جا سکتا ہے جو آپس میں °120 زاویہ پر تنین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتی ہیں۔ ان سب کے حیطے  $E_0 = \omega N \phi_0$ 

یوں تینوں برقی دباو کی موثر قیمتیں<sup>41</sup> درج ذیل ہوں گی۔

(5.76) 
$$E_{\dot{j}_{r}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

چونکہ  $\phi=BA$  ہوتا ہے لہذا مساوات 5.76 صفحہ 50 پر دی گئی مساوات  $\phi=BA$  کی طرح ہے۔

خلائی درز میں برقی مقناطیس کا مقناطیسی بہاو تصور کر کے مساوات 5.74 حاصل کی گئیں۔ حقیقت میں خلائی درز میں کسی بھی طرح یہی مقناطیسی بہاو پیدا کرنے سے یہی مساوات حاصل ہوں گی۔ یوں اگر درز میں ساکن، متحرک یا دونوں کچھے مل کر یہی مقناطیسی بہاو پیدا کریں تب یہی مساوات، یعنی یہی برقی دباو، حاصل ہوں گی۔

مساوات 5.76 ہمیں ایک گچھ کچھ میں پیدا برقی دباو دیتی ہے۔ اگر کچھا تقسیم شدہ ہو تب مختلف شگافوں میں موجود اس کچھ کے حصول میں برقی دباو ہم قدم نہیں ہوں گے لہذا مجموعی برقی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہوگا بلکہ اس سے کچھ کم ہوگا۔ یوں کچھلے کچھ کے لئے یہ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے جہاں  $k_w$  جزو کچھلا و ہے۔

$$(5.77) E_{\dot{\tau}\dot{\tau}} = 4.44k_w f N \phi_0$$

تین دوری برتی جزیئر کے  $k_w$  کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات جمیں یک دوری برتی وباو دیتی ہے۔ تین دوری برقی جزیئر میں اس طرح کی تین کچھوں کی جوڑیاں ہوتی ہیں جنہیں Y یعنی سارہ یا  $\Delta$  یعنی سکونی جوڑا جاتا ہے۔

 $rms^{41}$ 



شكل 5.27: يك دوري يك سمت برقى د باو\_

### 5.6.2 يك سمت روبر قي جزيٹر

ہر گھو منے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتا رو جزیٹر ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمت برقی دباو<sup>42</sup> کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتا برقی دباو کو یک سمت برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمت کار<sup>43</sup> یا جزیٹر کے اندر میکانی سمت کار<sup>44</sup> نب کر کے بدلتا دباو سے یک سمت دباو حاصل کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.73 جزیٹر کے اندر میکانی سمت برقی دباو میں تبدیل کرنے سے شکل 5.27 حاصل ہو گا۔

مثال 5.6: شكل 5.27 مين يك سمت برقى دباو دكھايا گيا ہے۔اس يك سمت برقى دباوكى اوسط قيمت حاصل كريں۔

حل:

$$E_{ extsf{Lost}} = rac{1}{\pi} \int_0^\pi \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = rac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمت جزیٹر پر باب 8 میں غور کیا جائے گا۔

### 5.7 مهوار قطب مشينول ميں قوت مروڑ

اس حصہ میں کامل مشین کی قوضے مرور <sup>45</sup> کے حصول کے دو تراکیب پر غور کیا جائے گا۔ ایک ترکیب میں مشین کو دو مقاطیس تصور کر کے ان مقاطیسوں کے نیچ قوت کشش، قوت دفع اور قوت مروڑ حاصل کیے جائیں گے جبکہ دوسری ترکیب میں مشین کے ساکن اور گھومتے کچھوں کو امالہ تصور کر کے (باب چار کی طرح) توانائی اور ہم-توانائی سے ان کا حساب لگایا جائے گا۔ پہلے توانائی کی ترکیب پر غور کرتے ہیں۔

DC voltage<sup>42</sup>

rectifier<sup>43</sup>

commutator<sup>44</sup>

 $torque^{45}$ 



شكل5.28: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

### 5.7.1 ميكاني قوت مر ورابذريعه تركيب تواناكي

یہاں یک دوری مثین پر غور کیا جائے گا جس سے حاصل نتائج با آسانی زیادہ دور کی مثینوں پر لا گو کیے جا سکتے ہیں۔ شکل 5.28 میں یک دوری کامل مثین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس مثین کے دو لچھوں کے بچ کوئی زاویہ ہو گا جے  $\theta$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر مقام پر کیساں ہے للذا ابھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جاتا ہے۔ مزید، قالب کا جزو مقاطیس مستقل لا متناہی  $(\infty \to \mu_r)$  تصور کیا گیا ہے للذا لچھوں کا امالہ صرف خلائی درز کے مقاطیسی مستقل کا مخصر ہو گا۔

$$(5.78) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

حاصل ہو گا۔ اس مساوات میں  $L_{ar0} = \frac{N\phi_0}{I_m}$  لیا گیا ہے۔ ساکن اور گھومتے کیجھوں کے ارتباط بہاو (مساوات 2.36 کے تحت) درج ذیل ہوں گے۔ 2.33

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ar}(\theta)i_r = L_{aa}i_a + L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$

$$\lambda_r = L_{ar}(\theta)i_a + L_{rr}i_r = L_{ar0}\cos(\theta)i_a + L_{rr}i_r$$

magnetic constant, permeability<sup>46</sup>

ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مزاحمت  $R_r$  لیتے ہوئے ان کچھوں کے سروں پر قانون کرخوف سے برقی دباو درج ذیل ہوں گے۔

(5.80) 
$$v_{a} = i_{a}R_{a} + \frac{\mathrm{d}\lambda_{a}}{\mathrm{d}t} = i_{a}R_{a} + L_{aa}\frac{\mathrm{d}i_{a}}{\mathrm{d}t} + L_{ar0}\cos\theta\frac{\mathrm{d}i_{r}}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_{r}\sin\theta\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$
$$v_{r} = i_{r}R_{r} + \frac{\mathrm{d}\lambda_{r}}{\mathrm{d}t} = i_{r}R_{r} + L_{ar0}\cos\theta\frac{\mathrm{d}i_{a}}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_{a}\sin\theta\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr}\frac{\mathrm{d}i_{r}}{\mathrm{d}t}$$

یہاں θ برتی زاویہ ہے جس کی وقت کے ساتھ تبدیلی، زاویائی رفتار ω ہو گا۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ ہم-توانائی حاصل کی جا سکتی ہے۔ ہم-توانائی صفحہ 126 پر مساوات 4.72 سے حاصل ہو گ۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے درج زیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(5.82) 
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

اس سے میکانی قوت مروڑ  $T_m$  حاصل کرتے ہیں۔

(5.83) 
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

چونکہ P قطب مثینوں کے لئے درج ذیل ہوتا ہے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا جمين مساوات 5.83 سے درج ذيل حاصل ہو گا۔

$$(5.85) T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ  $T_m$  کی علامت منفی ہے۔ یوں جس لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کے نی زاویہ مثبت ہو، اس لمحہ پر ان کچھوں کے نی قوت مروڑ منفی ہو گا۔ قوت مروڑ دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک رخ میں رکھنے کی کوشش کرتا ہے۔





شكل 5.29: لچھوں كے قطبين۔

## 5.7.2 ميكاني قوت مر وڙبذريعه مقناطيسي بهاو

شکل 5.29-ا میں دو قطبی یک دوری مثین کے صرف گھومتے کچھے میں برقی رو پایا جاتا ہے۔ مثین کا گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین دکھائے گئے ہیں۔ اس کچھے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے لہذا تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔

شکل 5.29-ب میں صرف ساکن کچھے میں برتی رو پایا جاتا ہے۔ ساکن حصہ سے مقناطیسی بہاو خارج ہو کر خلائی درز سے ہوتا ہوا گھومتے حصہ میں داخل ہوتا ہے لہذا یہی اس کا شالی قطب ہو گا۔ یہاں ساکن حصہ ایک مقناطیس مانند ہے جس کا محور تیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اگرچہ شکل 5.29 میں گیجھ کچھے دکھائے گئے ہیں، در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہوں گے اور تیر کے نشانات ان مقناطیسی دباوکی امواج کی چوٹیوں کو ظاہر کریں گے۔

شکل 5.30 میں دونوں کچھوں کو برتی رو فراہم کیا گیا ہے۔ دونوں کچھوں کے مخالف قطبین کے پچ قوت کشش پائی جائے گی جس کی بنا دونوں کچھے ہم رخ ہونے کی کوشش کریں گے۔

واضح رہے کہ دونوں کچھے (مقناطیس) کوشش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صفر کے برابر ہو لیعنی ان کا میکانی قوت مروڑ  $\theta_{ar}$  کے مخالف رخ ہو گا۔ یہی مساوات 5.85 کہتی ہے۔



شكل5.30: خلائي درزمين مجموعي مقناطيسي دياويه

لیجھوں کے مقناطیسی دباو کو مقناطیسی محور کے رخ  $\tau_r$  اور  $\tau_r$  سے ظاہر کیا گیا ہے جہاں  $\tau_a$  اور  $\tau_r$  سائن نما مقناطیسی دباو کی چوٹیوں کے برابر ہیں۔ خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو  $\tau_{ar}$  ان کا مجموعہ ہو گا جس کا طول  $\tau_{ar}$  کلیہ کوسائن  $\tau_{ar}$  سے حاصل ہو گا:

(5.86) 
$$\tau_{ar}^{2} = \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} - 2\tau_{a}\tau_{r}\cos(180^{\circ} - \theta_{ar})$$
$$= \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar}$$

خلائی ورز میں کل مقناطیسی و باو  $au_{ar}$  ورج ذیل مقناطیسی شدت  $H_{ar}$  پیدا کرے گا جہاں کا کیائی ورز کی لمبائی  $au_{ar}$ 

$$\tau_{ar} = H_{ar}l_g$$

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ خلاء میں جس مقام پر مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی  $H_{ar}$  ہم حقوانائی کی کثافت  $H^2$  ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط ہم حقوانائی کی کثافت، درز میں  $H^2$  کی اوسط کو  $H^2$  ہے ضرب کر کے حاصل ہو گا۔ کسی بھی سائن نما موج  $H^2$  ہوگا۔  $H^2$  کے مربع  $H^2$  کا اوسط درج ذیل ہو گا۔

$$H^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} d\theta = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta = \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} = \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

cosine law<sup>47</sup>

یوں خلائی درز میں، جہاں مقناطیسی میدان کا حیطہ  $H_{ar}$  ہے، اوسط ہم-توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{\mu_0}{2}$  ہو گی۔ خلائی درز میں اوسط ہم-توانائی کو خلاء کے حجم سے ضرب کر کے درز میں کل ہم-توانائی  $W'_m$  حاصل ہو گی:

(5.89) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درز کی رداسی لمبائی  $l_g$  اور دھرے  $^{48}$  کے رخ محوری لمبائی  $^{49}$  ہے۔ محور سے خلائی درز کا اوسط رداسی فاصلہ  $r \gg l_g$  تصور کیا گیا ہے جس کی بنا درز میں رداسی رخ، کثافت مقناطیسی بہاو کی تبدیلی نظر انداز کی جا سکتی ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی محمد سے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.90) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{q}} \left( \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

یوں میکانی قوت مروڑ درج ذیل ہو گا۔

(5.91) 
$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات 5.91 میں قوت مروڑ دو قطبی مشین کے لئے حاصل کی گئے۔P قطبی مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کی میکانی قوت مروڑ دیتی ہے لہذا P قطبی مشین کی قوت مروڑ  $\frac{P}{2}$  گنا ہو گی:

$$(5.92) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات 5.92 ایک اہم مساوات ہے جس کے مطابق مشین کی میکانی قوت مروڑ، ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقاطیسی دباو کی چوٹیوں اور دونوں کے نیج برتی زاویہ  $\theta_{ar}$  سائن کی راست متناسب ہو گی۔ منفی میکانی قوت مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ  $\theta_{ar}$  کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ  $\theta_{ar}$  کا کاف رخ ہو گی لیعنی میکانی قوت مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی کوشش کرے گی۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک دوسرے کے برابر لیکن مخالف رخ میکانی قوت مروڑ ہو گی البتہ ساکن کے مقومتے مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو گی جبکہ گھومتے حصے کی میکانی قوت مروڑ اس حصہ کو متحرک کرتی ہے۔

چونکہ مقناطیسی دباو کچھے کے برتی رو کا راست متناسب ہے لہذا  $au_a$  اور  $i_a$  آپس میں راست متناسب ہوں گے جبکہ  $au_r$  اور  $i_a$  آپس میں راست متناسب ہوں گے۔ یوں ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.85 اور 5.92 ایک دوسرے جیسے ہیں۔ در حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل ایک جیسے ہیں۔

axis48

axial  $length^{49}$ 



شکل 5.31: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

 $\Delta AEC$  شکل 5.31 میں دوبارہ ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو دکھائے گئے ہیں۔ شکل-اکی تکون  $\Delta AEC$  اور  $\Delta BEC$  میں  $\Delta CE$  میں  $\Delta CE$  میں مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$(5.93) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_q} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس طرح شکل 0.31ب کی تکون 0.30 اور تکون 0.30 میں 0.30 مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$(5.95) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.96) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مساوات 5.92، مساوات 5.94 اور مساوات 5.96 كو ايك ساته كلصة بين-

(5.97) 
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے واضح ہے کہ میکانی قوت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے ﷺ زاویہ کی صورت میں میں ایک علی میں میں ایک کی صورت میں کھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جا سکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کی آپس میں رد عمل کی وجہ سے پیدا اور مقناطیسی دباو کی چوٹیوں اور ان کے ﷺ زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو آپس میں تعلق رکھتے ہیں جنہیں مختلف طریقوں سے کھھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو  $au_{ar}$  اور درز میں کثافت مقناطیسی بہاو  $B_{ar}$  کا تعلق

$$(5.98) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_g}$$

استعال کر کے مساوات 5.97 کے آخری جزو کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.99) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی مشینوں کی قالبی مقناطیسی مستقل  $\mu$  کی محدود قیت کی بنا قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جاسکتی ہے۔ مشین کی بناوٹ کے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا ہوگا۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو اس کچھے میں برقی رو پر منحصر ہوتا ہے۔ اس برقی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے کچھا گرم ہوتا ہے۔ برقی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک کچھے کو ٹھنڈا رکھنا ممکن ہو۔ یوں مقناطیسی دباو کو ایک حد سے پنچے رکھنا ہوگا۔ مساوات  $B_{ar}$  اور  $\sigma$  دونوں صریحاً موجود ہیں للذا مشین کی بناوٹ کے نقطہ نظر سے یہ ایک اہم مساوات ہے۔

مساوات 5.99 کی دوسری اہم صورت دیکھتے ہیں۔ قطب پر اوسط کثافت مقناطیسی بہاو  $B_{log}$  اور قطب کے رقبہ  $A_P$ 

(5.100) 
$$B_{b \cdot \theta} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.101) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

کا حاصل ضرب قطب پر مقناطیسی بہاو  $\phi_P$  ہوتا ہے للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

أور

(5.103) 
$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$
 
$$\text{solution in } 2 \text{ for } 3.103 \text{ for } 3.103$$

# یکسال حال ، بر قرار جالو معاصر مشین

معاصر مشین وہ گھومنے والی مشین ہے جو ایک مقررہ رفتار سے گھومتی ہے۔ یہ رفتار فراہم کردہ برقی دباو کے تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

کسی جزیٹر پر بوجھ تبدیل کرنے یا جزیٹر کو میکانی طاقت فراہم کرنے والے کی رفتار تبدیل کرنے کے چند ہی لمحات میں جزیٹر نئی حالات کے مطابق دوبارہ بر قرار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اس بر قرار چالو حال میں اس کی رفتار، برقی دواد، برقی رو، درجہ حرارت وغیرہ تبدیل نہیں ہوتے ہیں۔اسی طرح موٹر پر بوجھ تبدیل کرنے سے موٹر کی درکار طاقت اور برقی رو تبدیل ہوں گے۔بوجھ تبدیل ہونے سے قبل موٹر ایک متنقل برقی رو حاصل کرتی اور ایک مستقل درجہ حرارت پر رہتی ہے۔بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی لمحات میں موٹر دوبارہ ایک نئی برقرار چالو صورت اختیار کرتی ہے جہاں اس کا برقی رو ایک نئی قیمت پر برقرار رہتا ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتا ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت اختیار کرتا ہے۔دو مختلف برقرار چالو، میساں صور توں کے در میان چند کھات کے لئے مشین عارضی حالے اسی ہوتی ہے۔اس باب میں پر عالیہ عالیہ عاصر مشین پر تبرہ کیا جائے گا۔

معاصر مشین کے قوی کچھے عموماً ساکن ہوتے ہیں جبکہ اس کے میدانی کچھے معاصر رفتار سے گھومتے ہیں۔ میدانی کچھوں کا برقی رو قوی کچھوں کے برقی رو کی نسبت بہت کم ہوتا ہے لہذا میدانی کچھوں کو گھمایا جاتا ہے اور ان تک

> transient state<sup>1</sup> steady state<sup>2</sup>

برقی رو سرک چھلوں کے ذریعہ پہنچایا جاتا ہے۔ قوی کچھوں کو اس لئے گھومتے حصہ پر نسب نہیں کیا جاتا ہے کہ سرک چھلوں کے ذریعہ ان کا (نسبتاً بہر زیادہ) برقی رو منتقل کرنا مشکل ثابت ہوتا ہے۔ یوں قوی کچھوں کو ساکن رکھا جاتا ہے۔

ہم دیکھ چکے ہیں کہ تین دوری ساکن لیجھوں میں متوازن تین دوری برقی رو ایک گھومتے مقناطیسی دباوکی موج پیدا کرتے ہیں۔اس گھومتا حصہ اسی رفتار کو معاصر رفتار کہتے ہیں۔ معاصر مشین کا گھومتا حصہ اسی رفتار سے گھومتا ہے۔

معاصر مشین کے میدانی کچھے کو یک سمت برقی رو درکار ہوتا ہے جو سرک چھلوں کے ذریعہ اس تک باہر سے پہنچایا جاتا ہے یا مشین کے دھرے پر نسب ایک چھوٹے یک سمت جزیٹر سے فراہم کیا جاتا ہے۔

میدانی لچھا ایک میدانی مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جو میدانی کچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔ یوں معاصر مثنین کے گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباو موج اور ساکن کچھوں کی مقناطیسی دباو موج معاصر رفتار سے گھومتی ہیں جس کی بناان مثنیوں کو معاصر مثابین کہتے ہیں۔

## 6.1 متعدد دوری معاصر مشین

معاصر مشین عموماً تین دوری ہوتے ہیں۔ تین دوری ساکن قوی کچھے خلائی درز میں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ میدانی کچھے گھومتے تھے پر نسب ہوتے ہیں اور ان میں یک سمت برقی رو ہوتا ہے۔

مشین کے گھومتے تھے کو بیرونی میکانی طاقت سے گھمانے سے مشین ایک معاصر جزیئر کے طور پر کام کرتی ہے اور اس کے تین دوری ساکن قوی کچھوں میں تین دوری برقی دباہ پیدا ہو گا جس کا برقی تعدد گھومنے کی رفتار پر منحصر ہو گا۔ اس کے برعکس، مشین کے تین دوری ساکن قوی کچھوں کو تین دوری برقی طاقت مہیا کرنے سے مشین ایک معاصر موٹر کے طور پر کام کرتی ہے جو معاصر رفتار سے گھومے گی۔مشین کی کل برقی قوت کے چند فی صد برابر برقی قوت میدان کچھے کو درکار ہوتی ہے۔

synchronous speed<sup>3</sup>

6.1 متعبد د دوري معب صرمثين



شکل 6.1: کاربن کُبش اور سرک چھلوں کے ذریعہ گھومتے کچھے تک برقی رو پہنچایا گیاہے۔

گھوٹتے کچھے تک برتی دباو مختلف طریقوں سے پہنچایا جا سکتا ہے۔ شکل 6.1 میں گھوٹتے کچھے تک موصل سرکھ پھلے 4 کی مدد سے یک سمت برتی رو پہنچانے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ سرک چھلے اسی دھرے پر نسب ہوں گے جس پر گھومتا کچھا نسب ہوگا للذا سرک چھلے اور گھوٹتے کچھے ایک ہی رفتار سے حرکت کریں گے۔

کار بن کے ساکن بش، اسپر نگ کی مدد ہے، سرک چھلوں کی بیرونی سطح کے ساتھ دباکر رکھے جاتے ہیں۔ جب مشین چلتی ہے، کار بن بش ان سرک چھلوں پر سرکتے ہیں۔ اسپر نگ کا دباو ان کا برقی جوڑ مضبوط رکھتا ہے تا کہ ان کے نیچ چنگاریاں نہ نکلیں۔ کار بن بش کے ساتھ برقی تار بڑی ہے۔ یک سمت برقی رو  $I_r$  ، کار بن بش کے ساتھ برقی تار بڑی ہے۔ یک سمت برقی رو  $I_r$  ، کار بن بش  $I_r$  اور سرک چھلوں سے ہوتا ہوا، گھومتے کیچے تک پہنچا ہے۔

بڑی معاصر مثین کا میدانی یک سمت رو عموماً ایک چھوٹے بدلتا رو جزیٹر سے حاصل کیا جاتا ہے جو معاصر مثین کے دھرے پر نسب ہوتا ہے اور دھرے پر نسب ہرقیاتی کے دھرے پر نسب ہوتا ہے اور دھرے پر نسب ہرقیاتی سمت کار کی مدد سے یک سمت برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یوں سرک چھلے کی ضرورت پیش نہیں آتی ہے۔ سرک چھلے بوجہ رگڑ خراب ہوتے ہیں جس کی وجہ سے معاصر مثین کی مرمت درکار ہوتی ہے جو ایک مہنگا کام ہے۔اس کے چھوٹا جزیٹر استعال کرتے ہوئے سرک چھلوں سے نجات حاصل کی جاتی ہے۔

اُبھرے قطب<sup>6</sup> مثین، پانی سے چلنے والے ست رفتار جزیٹر اور عام استعال کی موٹروں کے لئے موزوں ہیں۔ جبکہ ہموار قطب<sup>7</sup> مثین، تیز رفتار دو یا چار قطبی چرفاہے <sup>8</sup> جزیٹروں کے لئے موزوں ہیں۔

slip rings<sup>4</sup>

carbon bush<sup>5</sup>

salient poles<sup>6</sup>

non-salient poles<sup>7</sup>

turbine<sup>8</sup>

ایک (بڑی) سلطنت کو درکار برقی توانائی کسی ایک جزیر سے پیدا کرنا ممکن نہیں ہوتا ہے بلکہ چند درجن سے لے کر کئی سو جزیر بیک وقت یہ فرنفنہ سرانجام دیتے ہیں۔ ایک سے زیادہ جزیر استعال کرنا فائدہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اول، برقی توانائی کی ضرورت کے مطابق جزیر چالو کئے جا سکتے ہیں۔ دوم، جزیر ول کو ان مقامات کے قریب نسب کیا جا سکتا ہے جہال بہال برقی توانائی ورکار ہو۔ اس طرح کے بڑے نظام میں ایک جزیر کی حیثیت بہت کم ہوتی ہے لہذا کسی ایک جزیر کو چالو یا بند کرنے سے پورے نظام پر کوئی خاص اثر نہیں پڑتا ہے۔ یوں ہم سلطنت کے برقی نظام کو ایک مقاردہ برقی تعدد کا لا متناہی نظام تصور کر سکتے ہیں۔ معاصر جزیر کو لا متناہی نظام کے ساتھ جڑا نصور کر کے معاصر جزیر کے کئی اہم پہلو با آسانی سمجھے جا سکتے ہیں۔

مساوات 5.103 معاصر مشین کی قوت مروڑ دیتی ہے۔اس مساوات کے مطابق برقی قوت مروڑ، مشین میں موجود متعامل مقناطیسی دباو کو ایک دوسرے کی سیدھ میں لانے کی کوشش کرتی ہے۔ بر قرار چالو مشین کی برتی قوت مروڑ اور مشین کے دھرے پر لاگو میکانی قوت مروڑ ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ جب مشین ایک جزیئر کی حیثیت سے استعال ہو تب میکانی طاقت دھرے کو گھماتا ہے اور گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو کل مقناطیسی دباو سے گھومنے کے رخ آگے ہوتا ہے۔ مساوات 5.103 سے حاصل قوت مروڑ ایس صورت میں مشین کو گھومنے سے روکنے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے چلتے انجی، وغیرہ سے حاصل ہو سکتا ہے۔ اسی طرح اگر مشین ایک موٹر کی حیثیت سے استعال ہو، تب صورت اس کے بالکل اُلٹ ہو گی۔

کل مقناطیسی بہاو  $\phi_{ar}$  اور گھومتے لیچھے کا مقناطیسی دباو  $\tau$  تبدیل نہ ہونے کی صورت میں مساوات 5.103 کے مطابق مثین کی قوت مر وڑ جھی کے ساتھ تبدیل ہو گی۔ اگر زاویہ  $\theta$  صفر ہو تب قوت مر وڑ بھی صفر ہو گی۔ اس تصور کریں کہ یہ مثین ایک موٹر کے طور پر استعال ہو رہی ہے۔ جیسے جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جاتا ہے ویسے ویسے اس کے دھرے پر میکانی قوت مر وڑ بڑھے گی۔ موٹر اس زاویہ کو بڑھا بڑھا کر برابر کی برقی قوت مر وڑ بڑھے گی۔ موٹر اس زاویہ کو بڑھا بڑھا کر برابر کی برقی قوت مر وڑ پیدا کرے گی۔ یہاں یہ سمجھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر وقت معاصر رفتار سے گھومتی ہے ماسوائے ان کمحات کے لئے جن کے دوران موٹر آہستہ یا تیز ہو کر زاویہ کو ضرورت کے مطابق درست کرتی ہے۔ یعنی موٹر کا زاویہ  $\theta$  ہر وقت میکانی قوت مر وڈ کا تعقب  $\theta$  کرتا ہے۔

موٹر پر لدا میکانی بوجھ بتدر تک بڑھانے سے ایک لحہ آئے گا جب زاویہ  $\theta_r$  نوے درجہ،  $\frac{\pi}{2}$  ریڈیئن، تک پنچتا ہے۔ اس لحہ موٹر اپنی انتہائی قوت مروڑ 01 پیدا کرے گی۔ موٹر کسی بھی صورت میں اس سے زیادہ قوت مروڑ پیدا نہیں کر سکتی ہے لہذا بوجھ مزید بڑھانے سے موٹر رکھ جائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر 01 صورت اختیار کہ موٹر نے غیر معاصر 01 صورت اختیار

pull out torque<sup>10</sup>

lost synchronism<sup>11</sup>

6.2. معاصر مشين کے امالہ

کر لی ہے۔ مساوات 5.103 سے ظاہر ہے کہ ایک قطب کا کل مقناطیسی بہاو یا (اور) گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو بڑھا کر موٹر کی انتہائی قوت مروڑ بڑھائی جا سکتی ہے۔

یہی صورت حال اگر مشین برقی جزیٹر کے طور پر استعال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیر معاصر صورت اختیار کرے، اسے جلد خود کار دور شکھنے <sup>12</sup> کی مدد سے برقی بھم رسانی سے الگ کر دیا جاتا ہے۔

ہم نے دیکھا کہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف اسی رفتار پر گھوم کر قوت مروڑ پیدا کر سکتی ہے لہذا ساکن معاصر موٹر کو چالو کرنے کی کوشش ناکام ہو گی۔ معاصر موٹر کو پہلے کسی دوسرے طریقے سے معاصر رفتار تک لایا جاتا ہے اور اس کے بعد اسے چالو کیا جاتا ہے۔ ایسا عموماً ایک چھوٹی امالی موٹر آئی مدد سے کیا جاتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو معاصر رفتار تک پہنچاتی ہے جس کے بعد معاصر موٹر کو چالو کیا جاتا ہے۔ ایسی امالہ موٹر عموماً معاصر موٹر کے دھرے پر نسب ہوتی ہے۔

## 6.2 معاصر مشین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مشین دو قطب اور تین دوری ہے اور اس کے کچھے ستارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح کچھوں میں برقی رو، تار برقی رو<sup>14</sup> ہی ہو گا اور ان پر لا گو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ایسا کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان اور نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

شکل 6.2 میں ایک ایس تین دوری دو قطبی معاصر مشین دکھائی گئی ہے۔ اس کا گھومتا حصہ نکلی نما ہے۔اس کو دو قطبی مشین یا P قطبی مشین کے دو قطبین کا حصہ تصور کیا جا سکتا ہے۔

اگرچہ یہاں گیجھ لچھے دکھائے گئے ہیں، حقیقت میں پھلے لچھے استعال ہوں گے النذا انہیں پھلے لچھے تصور کریں۔ اس طرح ہر لچھا سائن نما برقی دباو پیدا کرتا ہے جس کی چوٹی لچھے کی مقناطیسی محور کے رخ ہو گی۔ چونکہ معاصر مشین کے گھومتے لچھے میں یک سمت رو ہوتا ہے المذا، جیسا شکل 6.2 میں دکھایا گیا ہے، اس کچھے کا مقناطیسی دباو ہر

circuit breaker<sup>12</sup> induction motor<sup>13</sup>

line  ${\it current}^{14}$ 



شکل 6.2: تین دوری، دو قطبی معاصر مثین ـ

لمحہ گھومتے حصہ کی مقناطیسی محور کے رخ ہو گا۔ گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو گھومتے حصہ کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومے گا۔

فرض کریں کہ یہ مثین معاصر رفآر  $\omega$  سے گھوم رہی ہے۔ یوں اگر کھہ t=0 پر دور a اور گھومتے کچھے کی مقاطیعی محور کے رخ ایک دوسرے جیسے ہوں تب کسی بھی لھہ t پر ان کے پیخ زاویہ  $\theta=\omega t$  ہو گا۔ امالہ کا ریاضی حساب کرنے کے لئے شکل a b سے رجوع کریں جہاں محیط پر خلائی درز یکساں ہے۔ رداسی رخ خلائی درز کی لمبائی حساب کرنے کے لئے شکل a b سے رجوع کریں جہاں محیط پر خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ a ہے اور مشین کی محوری لمبائی (دھرے کے رخ) a ہے۔

کسی بھی کچھے کے خود امالہ کا حساب کرتے وقت باقی تمام کچھوں کو نظرانداز کریں۔یوں باقی تمام کچھوں میں برقی رو صفر تصور کریں، یعنی ان کچھوں کے سرے آزاد رکھیں۔ کسی ایک کچھے کے خود امالہ کو پیاسے ناپیتے وقت بھی باقی تمام کچھوں کے سرے آزاد رکھیں جائیں گے۔

#### 6.2.1 خوداماله

auگوه متے یا ساکن کچھے کا خود امالہ L زاویہ  $\theta$  پر منحصر نہیں ہو گا۔ ان میں سے کسی بھی کچھے کا مقناطیسی دباو ہ $au=k_w\frac{4}{\pi}\frac{Ni}{2}\cos\theta_p$ 

6.2. معیاصر مثین کے امالہ

خلائی درز میں درج ذیل کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا کرے گا جہاں  $\theta_p$  کچھے کے محور سے ناپا جائے گا۔  $B = \mu_0 H = \mu_0 \frac{\tau}{l_a} = \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_a} \cos \theta_p$ (6.2)

یہ مساوات زاویہ  $\theta_p$  کے ساتھ کثافت مقناطیسی دباو B کا تعلق پیش کرتی ہے۔ لچھا کے ایک قطب پر کل مقناطیسی بہاو  $\theta$  اس مساوات کا سطحی تکمل  $^{15}$  دے گا۔

(6.3) 
$$\phi = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} Bl\rho \, d\theta_p$$

$$= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} l\rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, d\theta_p$$

$$= \frac{4\mu_0 k_w Nil\rho}{\pi l_g}$$

ایک کیجے کا خود امالہ L، مساوات 2.29 میں جزو کھیلاو  $k_w$  کا اثر شامل کرتے ہوئے حاصل کرتے ہیں۔

$$(6.4) L = \frac{\lambda}{i} = \frac{k_w N \phi}{i} = \frac{4\mu_0 k_w^2 N^2 l \rho}{\pi l_q}$$

يه مساوات شکل 6.2 میں تینوں قوی کچھوں کا خود امالہ

(6.5) 
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l\rho}{\pi l_g}$$

اور میدانی کھیے کا خود امالہ دیتی ہے۔

(6.6) 
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_a}$$

6.2.2 مشتركه اماله

اب ہم دو کچھوں کا مشتر کہ امالہ حاصل کرتے ہیں۔تصور کریں صرف گھومتا کچھا مقناطیسی بہاو پیدا کر رہا ہے۔ ہم بہاو کے اس حصہ سے، جو a کچھا سے گزرتا ہے، گھومتے کچھا اور a کچھا کا مشتر کہ امالہ حاصل کرتے ہیں ۔شکل 6.2

surface integral<sup>15</sup>

میں گھومتے اور a کچھا کے نی زاویہ  $\theta$  ہے۔الی صورت میں صورت میں گھومتے اور a کچھا کے نی زاویہ a بہاو، a بہاو، a بہاو کا حساب مساوات a میں حکمل کی حدیں تبدیل کر کے حاصل کرتے ہیں۔

(6.7) 
$$\phi_{am} = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, d\theta_{p}$$

$$= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, d\theta_{p}$$

$$= \frac{4 \mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta$$

یوں گھومتے کچھا اور کچھا کا مشتر کہ امالہ

(6.8) 
$$L_{am} = \frac{\lambda_{am}}{i_m} = \frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m} = \frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

یا

$$(6.9) L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

ہو گا جہاں

$$(6.10) L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_g}$$

ہے اور  $\omega t = \omega t$  گومنے کی رفتار پر منحصر ہو گا۔ اگرچہ مساوات 6.9 ایک گھومتے اور ایک ساکن کچھے کے لئے حاصل کی گئی ہے، در حقیقت یہ شکل 6.2 میں کسی بھی دو کچھول کے لئے درست ہے۔ دونوں کچھوں کو ساکن یا دونوں کو متحرک تصور کر کے بھی یمی نتیجہ حاصل ہو گا۔ یوں دو ساکن یکسال کچھے، مثلاً  $\alpha$  اور  $\alpha$  جن کے بھی میمی کا مشتر کہ امالہ کا مشتر کہ امالہ

(6.11) 
$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_g} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$

ہو گا جہاں یکسانیت کی بدولت  $k_{wb}=k_{wa}$  اور  $N_b=N_a$  اور  $N_b=N_b$  اور  $N_b=k_{wa}$  بالکل یکسال ہوں تب درج بالا مساوات اور مساوات 6.5 کی مدد سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(6.12) 
$$L_{ab} = L_{bc} = L_{ca} = -\frac{L_{aa0}}{2}$$

6.2. معاصر مشين کے امالہ

6.2.3 معاصراماله

مشین پر لا گو برقی دباو کو مشین کے کچھوں کا خود امالہ، مشتر کہ امالہ اور کچھوں کے برقی رو کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہم پہلے کچھوں کی ارتباط بہاو 🖍 کو ان کے امالہ اور برقی رو کی مدد سے لکھتے ہیں۔

(6.13) 
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ab}i_{b} + L_{ac}i_{c} + L_{am}I_{m}$$

$$\lambda_{b} = L_{ba}i_{a} + L_{bb}i_{b} + L_{bc}i_{c} + L_{bm}I_{m}$$

$$\lambda_{c} = L_{ca}i_{a} + L_{cb}i_{b} + L_{cc}i_{c} + L_{cm}I_{m}$$

$$\lambda_{m} = L_{ma}i_{a} + L_{mb}i_{b} + L_{mc}i_{c} + L_{mm}I_{m}$$

ان مساوات میں ساکن کچھوں کا بدلتا رو چھوٹے حروف  $i_a,i_b,i_c$  جبکہ گھومتے میدانی کچھے کا یک سمت رو بڑے حرف  $I_m$  حرف  $I_m$ 

ان چار مساوات میں سے ہم کسی ایک کو حل کرتے ہیں۔ چونکہ چاروں مساوات ایک طرح کی ہیں للذا باقی بھی اسی طرح حل ہوں گی۔ ہم ان میں پہلی مساوات منتخب کرتے ہیں:

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات 6.5 لچھا a کا خود امالہ دیتی ہے اور اس کو حاصل کرتے ہوئے تصور کیا گیا کہ لچھے کا پورا مقناطیسی بہاو خلائی درز سے گزر تا ہے۔ حقیقت میں ایبا نہیں ہوتا ہے اور مقناطیسی بہاو کا کچھ حصہ خلائی درز سے گزر کر دوسری جانب نہیں پہنچ پاتا ہے بلکہ خلائی درز میں رہتے ہوئے لچھے کے گرد چکر کا کچھ حصہ مکمل کرتا ہے۔ مقناطیسی بہاو کا بیہ حصہ رستا امالہ  $L_{aa}$  بیدا کرتا ہے جو ٹرانسفار مرکے رستا امالہ کی طرح ہوتا ہے۔ یوں لچھے کا کل خود امالہ عود امالہ کی طرح ہوتا ہے۔ یوں لچھے کا کل خود امالہ عود مشتل ہوگا:

$$(6.15) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

ہم مساوات 6.5، مساوات 6.9، مساوات 6.12 اور مساوات 6.15 کی مدد سے مساوات 6.14 کو درج ذیل صورت میں لکھتے ہیں۔

(6.16) 
$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{b} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{c} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$
$$= (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} (i_{b} + i_{c}) + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

leakage inductance  $^{16}$ 

اب تین دوری برقی رو کا مجموعہ صفر ہوتا ہے

$$(6.17) i_a + i_b + i_c = 0$$

للذا مساوات 6.16 میں اس کو استعال کرتے ہوئے

(6.18) 
$$\lambda_a = (L_{aa0} + L_{al}) i_a - \frac{L_{aa0}}{2} (-i_a) + L_{am0} I_m \cos \omega t$$
$$= \left(\frac{3}{2} L_{aa0} + L_{al}\right) i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$
$$= L_s i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

حاصل ہو گا جہاں

$$(6.19) L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

کو معاصراماله <sup>17</sup> کہتے ہیں۔

مساوات 6.19 اور مساوات 5.49 پر ایک مرتبہ دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ایک دوسرے جیسے ہیں۔ وہاں کل گھومتا مقاطیسی دباو ایک کچھے کے مقاطیسی دباو کا  $\frac{2}{5}$  گنا تھا اور یہاں معاصر امالہ ایک کچھے کے امالہ کا  $\frac{2}{5}$  گنا ہے۔ یہ دو مساوات ایک ہی حقیقت کے دو پہلو ہیں۔

معاصر امالہ تین حصوں پر مشتمل ہے۔ پہلا حصہ  $L_{aa0}$  ہے جو a کچھے کا خود امالہ ہے۔ دوسرا حصہ  $\frac{L_{aa0}}{2}$ ، کچھا کا باقی دو کچھوں کے ساتھ اس صورت مشتر کہ امالہ ہے جب مشین میں تین دوری متوازن برقی رو ہو۔ تیسرا حصہ a کا باقی دو کچھا کا رستا امالہ ہے۔ یوں متوازن برقی روکی صورت میں معاصر امالہ، مشین کے ایک کچھے کا ظاہری امالہ ہوتا ہے۔

مثال 6.1: ایک معاصر جزیر کا یک دوری کل خود اماله 2.2 mH اور رستا اماله 0.2 mH بست 0.2 ہے۔اس مشین کی دو توی کچھوں کا مشتر کہ اماله اور مشین کا معاصر اماله حاصل کریں۔

 $L_{aa0}=2\,\mathrm{mH}$  کی مرو سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{al}$  ہوتا ہے لہذا  $L_{aa0}=2\,\mathrm{mH}$  ہوتا ہے لہذا  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{al}$  ہوگا۔  $L_{ab}=-1\,\mathrm{mH}$ 

synchronous inductance<sup>17</sup>



شکل 6.3: معاصر موٹر کامساوی دوریاریاضی نمونه۔

## 6.3 معاصر مشین کامساوی دوریاریاضی نمونه

لچھ a پر لا گو برقی دباو کچھے کی مزاحمت  $R_a$  میں برقی دباو کے گھٹاہ اور مرتی دباو کے برابر ہو گا

$$(6.20) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - \omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + e_{am}$$

جہاں

(6.21) 
$$e_{am} = -\omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$
$$= \omega L_{am0} I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

سیجانی برقی دباو یا اندرونی پیدا برقی دباو کہلاتا ہے جو گھومتے کچھ سے پیدا مقناطیسی بہاو کی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ اس کی موثر قیت Eam.rms مساوات 1.42 سے حاصل ہو گی۔

(6.22) 
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

مساوات 6.20 کو ایک برقی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے جے شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔ کسی بھی برقی دور میں لا گو برقی دباوے مثبت سر سے (مثبت) رو خارج ہوتا ہے۔ یوں اس شکل میں برقی رو  $i_a$  لا گو برقی دباو ہوتا ہے۔ مثبت سر سے خارج ہوتا ہے۔ شکل 6.3 ایک موٹر کو ظاہر کرتی ہے جہاں موٹر کے مثبت سروں پر برقی رو داخل ہوتا ہے۔ اگر موٹر کی بجائے ایک معاصر جزیئر کی بات ہوتی تب جزیئر برقی دباو پیدا کرتا اور برقی رو اس جزیئر کے مثبت سر



شکل 6.4: معاصر جزیٹر کامساوی دوریاریاضی نمونه۔



شکل 6.5: معاصر جنریٹر کے مساوی ادوار۔

سے خارج ہوتا اور ہمیں شکل 6.3 کی بجائے شکل 6.4 حاصل ہوتا۔ شکل 6.4 سے جزیٹر کی مساوات لکھتے ہیں۔

$$e_{am} = i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + v_a$$

دھیان رہے کہ جزیر کے مساوی دور میں برقی رو کا مثبت رخ، موٹر کے مساوی دور میں برقی رو کے مثبت رخ کا اُلٹ ہے۔مساوات 6.23 کی دوری سمتیہ روپ

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

ہو گی جس کو شکل 6.5-ا میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 6.2: دو قطب، 50 ہرٹز کا ایک معاصر جزیٹر 40 ایمپیئر میدانی برقی رو پر 2100 وولٹ یک دوری موثر برقی دباو پیدا کرتا ہے۔اس مثین کے قوی اور میدانی کچھوں کا مشتر کہ امالہ تلاش کریں۔

$$L_{am}=\frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m}=\frac{\sqrt{2}\times 2100}{2\times \pi\times 50\times 40}=0.2363\,\mathrm{H}$$
 (6.25)

6.4 برقى طباتت كى منتقلى 6.4

 $\neg$ 

## 6.4 برقی طاقت کی منتقلی

ٹرانسفار مر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل 3.23 میں اور معاصر جزیٹر کا مساوی دور شکل 6.5 میں دکھایا گیا ہے۔ یہ مساوی ادوار ایک دوسرے جیسے ہیں، لہذا مندرجہ ذیل بیان دونوں کے لئے درست ہو گا، اگرچہ یہاں ہمیں صرف معاصر مشینوں سے دلچیں ہے۔

معاصر مشینوں میں عموماً  $X_s>>R_a$  کی قیمت سے سو یا دو سو گنا زیادہ ہو گی۔ یوں  $X_s>>R_a$  ہو گا اور  $X_s>>1$  ہو گا اور مساوات  $X_s>=1$  درج کو رد کرنا ممکن ہو گا۔ اس طرح شکل  $X_s==1$  سے شکل  $X_s==1$  ماصل ہو گا اور مساوات  $X_s==1$  درج نام صورت اختیار کرے گی۔ ذیل صورت اختیار کرے گی۔

$$\hat{E}_{am} = j\hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

اور  $\hat{E}_{am}$  اور  $jX_s$  متعاملہ  $jX_s$  کو بائیں سادہ برقی دور تصور کریں جہاں ایک متعاملہ  $jX_s$  کو بائیں دائیں  $\hat{V}_a$  اور دائیں  $\hat{V}_a$  برقی دباو فراہم کی گئی ہے۔ اس برقی دور میں برقی طاقت کی منتقلی پر غور کرتے ہیں۔

 $\hat{V}_a$  شکل 6.5 - ب کی دور کی سمتیہ صورت (مساوات 6.26) کو شکل 6.6 میں دکھایا گیا ہے۔ شکل 6.6 - امیں  $\hat{V}_a$  میں خواف سے خلاف گھڑی ناپے جاتے کے لحاظ سے  $\hat{I}_a$  زاویت افقی کلیر سے خلاف گھڑی ناپے جاتے ہیں لہذا شکل - امیں  $\phi$  منفی اور  $\sigma$  مثبت ہیں جبکہ شکل - ب میں دونوں زاویات مثبت ہیں۔

 $p_v$  بائیں سے دائیں منتقل ہو رہی ہے: $p_v$  بائیں سے دائیں منتقل ہو رہی ہے:

$$(6.27) p_v = V_a I_a \cos \phi$$

مساوات 6.26 اور شکل 6.6-اسے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(6.28) 
$$\hat{I}_{a} = I_{a} \underline{/\phi} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_{a}}{jX_{s}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_{a}\underline{/0}}{X_{s}\underline{/\frac{\pi}{2}}}$$

$$= \frac{E_{am}}{X_{s}}\underline{/\sigma - \frac{\pi}{2}} - \frac{V_{a}}{X_{s}}\underline{/-\frac{\pi}{2}}$$



شکل 6.6: معاصر جنزیٹر کادوری سمتیہ۔

شکل 6.6 سے واضح ہے کہ درج بالا مساوات میں  $\hat{I}_a$  کا حقیقی جزو  $\hat{V}_a$  کا ہم قدم ہو گا۔ کسی بھی دوری سمتیہ کو حقیق افتی جزو  $K\cos\alpha$  اور فرضی عمودی جزو  $jK\sin\alpha$  کا مجموعہ تصور کیا جا سکتا ہے۔ مساوات  $K\cos\alpha$  کے آخری قدم میں دائیں ہاتھ کے حقیق اجزاء سے رو کا حقیقی جزو حاصل ہو گا:

(6.29) 
$$I_a \cos \phi = \frac{E_{am}}{X_s} \cos \left(\sigma - \frac{\pi}{2}\right) - \frac{V_a}{X_s} \cos \left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
$$= \frac{E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

اس کو مساوات 6.27 کے ساتھ ملا کر درج ذیل ملتا ہے۔

$$(6.30) p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین دوری معاصر مثین کے لئے اس مساوات کو تین سے ضرب کرنا ہو گا:

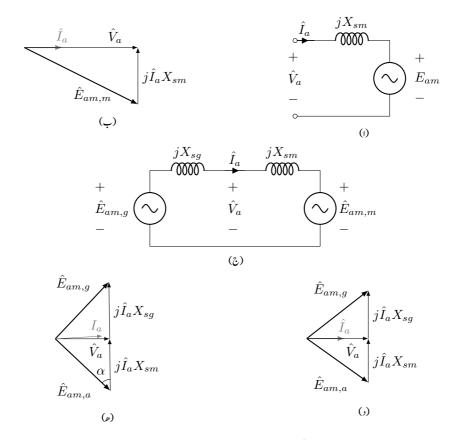
$$(6.31) p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

مساوات 6.31 طاقت بالمقابل زاویہ  $E_{am}$  کا قانون پیش کرتی ہے۔ اٹل  $V_a$  کی صورت میں جزیر  $E_{am}$  یا (اور)  $\sigma$  براها کر طاقت براها سکتا ہے۔ گھومتے میدانی کچھے میں برقی رو براها کر  $E_{am}$  براها یا جاتا ہے جو ایک حد تک کرنا ممکن ہو گا چو نکہ میدانی کچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہونے سے لچھا گرم ہو گا جس کو خطرناک حد تک پہنچنے نہیں دیا جا سکتا ہے۔ اس طرح  $\sigma$  کو نوے زاویہ تک براها یا جا سکتا ہے جس پر، کسی مخصوص  $E_{am}$  کے لئے، جزیر زیادہ سے زیادہ طاقت مہا کرے گا:

(6.32) 
$$p_{v,\xi^{\circ}} = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \qquad (\sin 90^{\circ} = 1)$$

power-angle law  $^{18}$ 

6.4. برقى طب قت\_كى منتقلى



شکل 6.7: معاصر جزیٹر معاصر موٹر چلار ہاہے۔

حقیقت میں جزیٹر کی بناوٹ یوں کی جاتی ہے کہ بناوٹی ( قابل استعال) طاقت نوے درجے سے کافی کم زاویہ پر ممکن ہو۔ نوے درجے پر جزیٹر کو قابو رکھنا مشکل ہوتا ہے۔

مثال 6.3: ایک 50 قطبی، ستارہ، تین دوری 50 ہرٹز، 2300 وولٹ دباو تارپر چلنے والی 1800 کلو وولٹ-ایمپیئر معاصر امالہ 2.1 اوہم ہے۔

• مثین کے برقی سروں پر 2300 وولٹ دباوتار مہیا کیا جاتا ہے جبکہ اس کا میدانی برقی رواتنا رکھا جاتا ہے کہ پورے بوجھ پر مثین کا جزو طاقت ایک کے برابر ہو۔ اس مثین سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جاسکتی ہے؟

• اس موٹر کو 2 قطبی، 3000 چکر فی منٹ، تین دوری، سارہ، 2300 وولٹ دباو تار پیدا کرنے والا 2200 کلو وولٹ دباو تار پیدا کرنے والا 2200 کلو وولٹ دباہ تیبیئر کے معاصر جزیئر سے چلایا جاتا ہے جس کا یک دوری معاصر امالہ 2.3 اوہم ہے۔موٹر پر اس کا پورا برقی بوجھ لاد کر جزیئر کو معاصر رفتار پر چلاتے ہوئے دونوں مشینوں کے میدانی برقی رو تبدیل کیے جاتے ہیں حتی کہ موٹر ایک جزو طاقت پر چلئے گئے۔دونوں مشینوں کا میدانی برقی رو یہاں برقرار رکھ کر موٹر پر بوجھ آہتہ آہتہ بڑھایا جاتا ہے۔اس صورت میں موٹر سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جا سے اور اس کی سروں پر دباو تار کتنا ہو گا؟

حل:

• شکل 6.7-ااور 6.7-ب سے رجوع کریں۔ یک دوری برتی دہاو اور کل برتی رو درج ذیل ہول گے۔

$$\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9 \text{ V}$$

$$\frac{1800000}{\sqrt{3} \times 2300} = 451.84 \text{ A}$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,m} &= \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m} \\ &= 1327.9 \underline{/0^{\circ}} - j451.84 \underline{/0^{\circ}} \times 2.1 \\ &= 1327.9 - j948.864 \\ &= 1632 \underline{/-35.548^{\circ}} \end{split}$$

ماوات 6.32 سے یک دوری زیادہ سے زیادہ برقی طاقت حاصل کرتے ہیں۔  $p_{i;j}=rac{1327.9 imes1632}{2.1}=1\,031\,968\,\mathrm{W}$ 

اس طرح تین دوری زیادہ سے زیادہ طاقت 904 904 واٹ ہوگی۔50 ہر ٹز اور 50 قطب سے مشین کی معاصر میکانی رفتار مساوات 5.53 کی مدد سے دو چکر فی سینڈ حاصل ہوتی ہے لینی  $f_m=2$  یوں مشین سے درج ذیل زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے۔

$$T_{|\vec{\varphi}|} = \frac{p_{|\vec{\varphi}|}}{2\pi f_m} = \frac{3095904}{2\times\pi\times2} = 246\,364\,\mathrm{N\,m}$$

موٹر پر اس سے زیادہ قوت مروڑ کا بوجھ مسلط کرنے سے موٹر رک جائے گی جبکہ جزیئر کی رفتار بے قابو بڑھنے شروع ہو جائے گی۔ خود کار منقطع کار اس لمحہ پر نظام کو روک دیگا۔ 6.4. برتی طب قت کی منتقلی

• شکل 6.7-ج سے رجوع کریں۔اس مثال کے پہلے جزو کی طرح یہاں بھی موٹر کے برقی سروں پر دباو تار 2300 وولٹ اور محرک برقی دباو 1632 وولٹ ہول گے۔ جزیٹر کا محرک برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{E}_{am,g} &= \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} + j451.84 / 0^{\circ} \times 2.3 \\ &= 1327.9 + j1039.233 \\ &= 1686 / 38.047^{\circ} \end{split}$$

یہ صورت شکل 6.7-د میں دکھائی گئی ہے۔

جیسا شکل 6.7-ھ میں دکھایا گیا ہے، موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب  $\hat{E}_{am,g}$  اور  $\hat{E}_{am,m}$  آپس میں  $90^\circ$  زاویہ پر ہوں۔

یہاں مساوات 6.32 میں ایک معاصر امالہ کی بجائے موٹر اور جزیٹر کے سلسلہ وار جڑے امالہ ہوں گے اور دو برتی دباو اب موٹر کی یک دوری زیادہ سے زیادہ طاقت درج ذیل ہو گی۔ درج ذیل ہو گی۔

$$p_{\overline{\psi}^{i}} = \frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \,\mathrm{W}$$

اس طرح تین دوری طاقت 876 056 واٹ اور زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ درج ذیل ہو گا۔

$$T_{\vec{\wp}^{\prime}} = \frac{1876056}{2 \times \pi \times 2} = 149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

شکل 6.7 - ه میں  $\hat{E}_{am,q}$  اور  $\hat{E}_{am,q}$  آپی میں عمودی ہیں للذا درج ذیل ہو گا۔

$$I_a(X_{s,g} + X_{s,m}) = \sqrt{E_{am,m}^2 + E_{am,g}^2} = 2346 \text{ V}$$

$$I_a = \frac{2346}{2.1 + 2.3} = 533 \text{ A}$$

$$I_a X_{sg} = 533 \times 2.1 = 1119.9 \text{ V}$$

$$\alpha = \tan^{-1} \frac{1686}{1632} = 45.93^{\circ}$$

یوں دوری دباو  $V_a$  ، جو صفر زاویہ پر تصور کیا جاتا ہے، درج ذیل ہو گا۔

 $V_a = \sqrt{1632^2 + 1119.9^2 - 2 \times 1632 \times 1119.9 \times \cos 45.93^{\circ}} = 1172.7\,\mathrm{V}$ 

لا متناہی نظام کی بجائے موٹر کو جزیٹر سے طاقت مہیا کر کے، موٹر پر بوجھ بڑھانے سے موٹر کے سروں پر برقی دباو گھٹتا ہے جس کی بنا زیادہ سے زیادہ مکنہ طاقت  $3095\,\mathrm{kW}$  سے گھٹ کر  $1876\,\mathrm{kW}$  رہ گئی ہے۔ موٹر کی سرول پر برقی دباو  $\hat{V}_a$  اور برقی رہ  $\hat{I}_a$  ہم قدم نہیں ہیں۔

# 6.5 کیسال حال، بر قرار چالومشین کے خواص

معاصر جزیٹر: برقی بوجھ بالمقابل  $I_m$  خط 6.5.1

شکل 6.5-ب کی دوری سمتیه مساوات

$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

میں  $\hat{I}_a = I_a / \phi$  لیتے ہوئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے

(6.34) 
$$E_{am}\underline{\sigma} = V_a\underline{0} + I_aX_s/\frac{\pi}{2} + \phi$$

جس کو بطور مخلوط عدد <sup>19</sup>

$$E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma = V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$$
$$= V_a - I_aX_s\sin\phi + jI_aX_s\cos\phi$$
$$= E_{am,x} + jE_{am,y}$$

 $\mathbb{E}_{am}$  کارتے ہیں۔ اس سے  $\left|\hat{E}_{am}\right|$  یعن  $\left|\hat{E}_{am}\right|$  حاصل کرتے ہیں۔

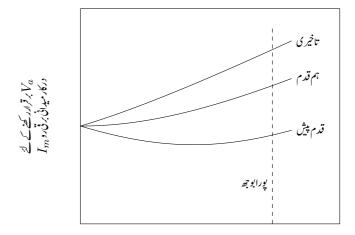
(6.35) 
$$\left| \hat{E}_{am} \right| = E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2}$$

$$= \sqrt{(V_a - I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2}$$

$$= \sqrt{V_a^2 + (I_a X_s)^2 - 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

جزیٹر کے سروں پر  $V_a$  اٹل رکھتے ہوئے مختلف  $\phi$  کے لئے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  نظر 0.8 میں وکھائے گئے ہیں۔ یہ خطوط مساوات 0.35 دیتی ہے۔ چونکہ 0.35 اور 0.35 اور 0.35 اور کست معین 0.35 کے لئے جزیٹر کی طاقت 0.35 راست متناسب ہوتی ہے المذا یہی ترسیمات 0.35 بالمقابل جزیٹر کی طاقت کو بھی ظاہر کرتی ہیں۔

 ${\rm complex}\ {\rm number}^{19}$ 



 $I_a$ بر تی باریا قوی کچھے کا بر تی رو

شکل 6.8: جزیٹر: برقی بوجھ بالمقابل  $I_m$ کے خط

معاصر موٹر: $I_a$  بالقابل معاصر موٹر: $I_a$ 

معاصر موٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل 6.3 اور دوری سمتیہ شکل 6.9 میں دکھایا گیا ہے۔ مزاحمت نظرانداز کر کے اس کی مساوات کلھتے ہیں۔

(6.36) 
$$\begin{split} \hat{V}_{a} &= \hat{E}_{am} + j\hat{I}_{a}X_{s} \\ V_{a}\underline{/0} &= E_{am}\underline{/\sigma} + jI_{a}\underline{/\phi}X_{s} \\ &= E_{am}\underline{/\sigma} + I_{a}X_{s}/\frac{\pi}{2} + \phi \end{split}$$

اس مساوات میں موٹر پر لاگو برقی دباو  $\hat{V}_a$  کے حوالہ سے زاویات کی پیائش کی گئی ہے للذا  $\hat{V}_a$  کا زاویہ صفر ہو گا۔ یاد رہے کہ مثبت زاویہ کی پیائش افقی کیبر سے گھڑی کے مخالف رخ ہو گی للذا پیش زاویہ  $^{20}$  مثبی ہوگا۔ اس مساوات سے امالی دباو  $E_{am}$  عاصل کرتے ہیں۔

$$\begin{split} E_{am}\underline{/\sigma} &= V_a\underline{/0} - I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2} + \phi} \\ &= V_a - I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_aX_s\sin\phi - jI_aX_s\cos\phi \end{split}$$

leading angle<sup>20</sup> lagging angle<sup>21</sup>





شکل 6.9: موٹر کادوری سمتیہ۔

یوں  $|E_{am}|$  درج ذیل ہو گا۔

(6.37) 
$$|E_{am}| = \sqrt{(V_a + I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2}$$
$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

موٹر پر لاگو برتی دباو اور اس پر میکانی بوجھ کو % 0، % 25 اور % 75 پر رکھ کر، موٹر کے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  نطوط، مساوات 6.37 سے شکل 6.10 میں تر سیم کیے گئے ہیں۔ چونکہ امالی دباو  $I_m$  کا راست متناسب ہوتا ہے المذا یہی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  نطوط بھی ہوں گے۔ان میں سے ہر خط ایک معین میکانی بوجھ  $I_a$  کے لئے ہے جہاں ورح ذیل ہو گا۔

$$(6.38) p = V_a I_a \cos \phi$$

6.10 اس مساوات کے تحت p اور  $V_a$  تبدیل کیے بغیر جزو طاقت تبدیل کر کے  $I_a$  تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ شکل  $V_a$  مساوات  $V_a$  کو مساوات  $V_a$  کو مساوات  $V_a$  کی مدد سے ترسیم کیا جاتا ہے۔ مخصوص  $V_a$  اور  $V_a$  کے محتلف  $V_a$  مساوات  $V_a$  کو مساوات  $V_a$  کو مساوات  $V_a$  کی مدد سے اللہ باتا ہے۔ اس کے بعد ہر انفرادی  $V_a$  اور مطابقتی  $V_a$  مساوات  $V_a$  میں پر مساوات  $V_a$  ماوات کے ماصل کیا جاتا ہے۔ مخصوص  $V_a$  کے لئے  $V_a$  بالمقابل  $V_a$  ماقت بین میں میں گئی ہیں۔  $V_a$  میں کے وادر  $V_a$  طاقت کے لئے ترسیمات پیش کی گئی ہیں۔  $V_a$  وادر  $V_a$  طاقت کے لئے ترسیمات پیش کی گئی ہیں۔

موٹر کے خطوط سے واضح ہے کہ  $I_m$  تبدیل کر کے موٹر کا جزو طاقت تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ یوں موٹر کو پیٹی زاویہ یا **باخیری** زاویہ پر چلایا جا سکتا ہے۔ موٹر کو پیٹی زاویہ چلا کر بطور ایک برتے گھیر<sup>22</sup> استعال کیا جا سکتا ہے۔ حقیقت میں ایسا نہیں کیا جاتا ہے چونکہ معاصر موٹر سے برق گھیر زیادہ سستا دستیاب ہوتا ہے۔

 $capacitor^{22}$ 





 $I_m$ ميدانى كچھے كابر قى رو

شكل $I_a$ موٹر كى  $I_m$  بالقابل $I_a$  ترسيم۔

### 6.6 كطلاد وراور قصر دور معائنه

معاصر مشین کا مساوی دور بنانے کے لئے مساوی دور کے اجزاء جاننا لازم ہے جنہیں دو قسم کے معائنوں سے معلوم کیا جاتا ہے۔ انہیں کھلا دور معائنہ اور قصر دور معائنہ کہتے ہیں۔ان معائنوں سے قالب کے سیر ابیت کے اثرات بھی اجاگر ہوتے ہیں۔ای قسم کے معائنہ ٹرانسفار مر کے بھی کیے جاتے ہیں جہاں کھلا دور معائنہ ٹرانسفار مر کے بھی کیے جاتے ہیں جہاں کھلا دور معائنہ ٹرانسفار مر کے باق کی ایسا کیا جائے گا۔

#### 6.6.1 كطلاد ورمعائنه

معاصر مشین کے برقی سرے کھلا رکھ کر، مشین کو معاصر رفتار پر گھماتے ہوئے مختلف  $I_m$  پر پیدا برقی دباہ  $V_a$  مشین کے سروں پر ناپا جاتا ہے ۔شکل 1.16-1 میں پیمائٹی رو  $I_m$  بالمقابل دباہ  $V_a$  کی ترسیم دکھائی گئی ہے۔ یہ ترسیم مشین بنانے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔





شكل 6.11: كھلا دور خطاور قالبی ضياع۔

اس کتاب کے حصہ 2.8 میں بتایا گیا کہ قالب پر لاگو مقناطیسی دباو بڑھانے سے قالب میں مقناطیسی بہاو بڑھتا ہے البتہ جلد ہی قالب سیر اب ہو جاتا ہے۔ یہ اثر شکل 6.11-ا میں ترسیم کے جھاو سے واضح ہے۔ قالب سیر اب نہ ہونے کی صورت میں ترسیم نقطہ دار سیدھی کیرکی پیروی کرتی۔ مشین کا بناوٹی برتی دباو اور اس کے حصول کے لئے درکار رو 1<sub>mo</sub> بھی دکھائے گئے ہیں۔

کھلا دور معائنہ کے دوران دھرے پر میکانی طاقت  $p_1$  کی پیائش بے بوجھ مشین کا ضیاع طاقت دے گی۔ اس کا بیشتر حصہ رگڑی ضیاع، کچھ قالبی ضیاع اور کچھ گھومتے لچھے کا ضیاع ہو گا۔ یاد رہے گھومتے لچھے کو عموماً دھرے پر نسب یک سمت جزیٹر برقی توانائی فراہم کرتا ہے جس کو از خود طاقت محرک  $^{23}$  فراہم کرتا ہے۔رگڑی ضیاع کا مشین نسب یک سمت جزیٹر برقی خاص تعلق نہیں پایا جاتا ہے لہذا ہے بوجھ مشین اور بوجھ بردار مشین کا رگڑی ضیاع ایک جیسا تصور کیا جاتا ہے۔

رو  $I_m$  صفر رکھتے ہوئے دوبارہ دھرے پر میکانی طاقت  $p_2$  کی پیائش صرف رگڑی ضیاع دے گا۔ان پیائشوں کا فرق  $(p_1-p_2)$  قالبی ضیاع اور گھومتے کچھے کا برقی ضیاع ہو گا۔ گھومتے کچھے میں برقی ضیاع بہت کم ہوتا ہے اور اس کو عموماً قالب کے ضیاع کا حصہ تصور کیا جاتا ہے۔ یوں پیائش کردہ قالبی ضیاع کی ترسیم شکل -6.11 میں دی گئ ہے۔

#### 6.6.2 قصر دور معائنه

 $I_a$  معاصر مشین کو معاصر رفتار پر بطور جزیٹر چلاتے ہوئے ساکن کچھا قصر دور کر کے مختلف  $I_m$  پر قصر دور برقی رو $I_a$  ناپا جاتا ہے۔ ان کی ترسیم شکل 6.12-ا میں دی گئی ہے جو قصر دور مشین کی خاصیت ظاہر کرتی ہے۔

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup> گھومتے کچھے کو توانائی یک ست روجزیٹر مہاکرتاہے اور اس جزیٹر کودھرے سے توانائی موصول ہوتی ہے۔





شكل 6.12: قصر دور خطاور كھلے دور خط۔

قصر دور معائنہ کے دوران دھیان رہے کہ  $I_a$  خطرناک حد تک بڑھ نہ جائے۔ جزیٹر کے بناوٹی  $I_a$  یا اس سے دگنی قیمت سے رو کو کم رکھا جاتا ہے۔اییا نہ کرنے سے مثین گرم ہو کر تباہ ہو سکتی ہے۔

قصر دور مشین میں بناوٹی برقی دباو کے دس سے پندرہ فی صد برقی دباو پر مشین میں سو فی صد برقی رو پایا جاتا ہے۔ اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے خلائی درز میں اسی تناسب سے کم مقناطیسی بہاو درکار ہو گا۔

شکل 6.5- امیں جزیٹر کا مساوی برتی دور دکھایا گیا ہے جسے شکل 6.13 میں قصر دور دکھایا گیا ہے۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

کی بنا مزاحمت  $R_a$  نظر انداز کر کے اس مساوات سے معاصر امالہ حاصل ہو گا۔  $X_s>>R_a$ 

(6.40) 
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

مساوات 6.40 میں  $\hat{I}_a$  قصر دور مشین کا برتی رو اور  $\hat{E}_{am}$  اسی حال میں مشین کے ایک دور کا امالی دباو ہے۔ کھلے دور مشین میں  $\hat{I}_a$  فصر ہونے کی صورت میں  $\hat{E}_{am}$  اور مشین میں  $\hat{I}_a$  صفر ہونے کی صورت میں  $\hat{E}_{am}$  اور مشین میں  $\hat{I}_a$  کے ایک معین معین  $\hat{I}_{am}$  پر شکل  $\hat{I}_{am}$  اور شکل  $\hat{I}_{am}$  اور شکل  $\hat{I}_{am}$  کے ایک معین  $\hat{I}_{am}$  پر شکل  $\hat{I}_{am}$  اور شکل  $\hat{I}_{am}$  کے جاسکتی ہے۔

(6.41) 
$$X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad X_s \gg R_a \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

شكل 6.13: معاصراماليه

معاصر امالہ کو عموماً مشین کے پورے (بناوٹی) برقی دباو پر معلوم کیا جاتا ہے تا کہ قالب کی سیر ابیت کے اثرات کو بھی شامل ہوں۔

مشین کو ستارہ نما تصور کر کے اس کا یک دوری  $X_s$  حاصل کیا جاتا ہے۔یوں اگر معائنہ میں مشین کا تار برقی وباو $^{24}$  ناپا گیا ہو تب ضروری ہے کہ اس کو  $\sqrt{3}$  سے تقسیم کر کے یک دوری دباو حاصل کر کے مساوات  $\sqrt{3}$  میں استعمال کیا جائے۔

$$V_{\mathcal{S}_{\mathcal{S}_{\mathcal{S}}}} = \frac{V_{\mathcal{X}}}{\sqrt{3}}$$

مثال 6.4: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر، ستارہ، 415 وولٹ پر چلنے والی تین دوری معاصر مشین کا کھلا دور اور قصر دور معائنہ کہا گیا۔حاصل نتائج درج ذیل ہیں۔

- $I_m=3.2\,\mathrm{A}$  اور  $I_m=415\,\mathrm{V}$  بین اور  $I_m=3.2\,\mathrm{A}$  اور
- قصر دور معائنه: جس لمحه قوی کچھے کا برقی رو A 104 تھا اس لمحه میدانی کچھے کا برقی رو A 2.64 تھا اور جس لمحه قوی کچھے کا برقی رو A 126 تھا اس لمحه میدانی کچھے کا برقی رو A 3.2 تھا۔

اس مشین کا معاصر امالیہ تلاش کریں۔

حل: یک دوری برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$V_{\zeta, \zeta} = \frac{V_{x}}{\sqrt{3}} = \frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \,\text{V}$$

line voltage  $^{24}$ 



شكل 6.14: قصر دور معاصر مشين ميں ضياع طاقت۔

کھلا دور مشین پر 239.6 وولٹ کے لئے 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رو درکار ہو گا جبکہ 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رو پر قصر دور برقی رو 126 ایمپیئر ہو گا لہذا یک دوری معاصر امالہ درج ذیل ہو گا۔

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901\,\Omega$$

П

قصر دور معائنہ کے دوران دھرے پر لاگو میکانی طاقت  $p_3$  کی پیائش سے قصر دور مشین کا کل ضیاع حاصل ہو گا۔  $p_3$  ناپے وقت قصر دور برقی رو  $I_{a,3}$  بنپ کبھی ناپ لیں۔اس ضیاع کا پچھ حصہ قالبی ضیاع، پچھ دونوں کچھوں میں برقی ضیاع اور پچھ رگڑی (میکانی) ضیاع ہو گا۔ شکل 6.14 میں ضیاع طاقت بالقابل قصر دور برقی رو د کھایا گیا ہے۔

ضیاع  $p_3$  کے کھلا دور معائدہ میں حاصل، رگڑی ضیاع  $p_2$  منفی کرنے سے کیچھوں کا ضیاع اور قالبی ضیاع حاصل ہو گا۔ جیسا پہلے ذکر کیا گیا، صرف دس تا ہیں فی صد بناوٹی برقی دباو پر قصر دور مشین میں بناوٹی رو پایا جائے گا۔ اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے درکار مقناطیسی بہاو اتنا ہی کم ہو گا۔ اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے درکار مقناطیسی بہاو اتنا ہی کم ہو گا۔ اتنا کم بوق حاس کی بہاو پر قالبی ضیاع سے نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ مزید ، قصر دور معاصر مشین کے گھومتے کیچھے کا برقی ضیاع ساکن کیچھے کے برقی ضیاع بہت کم ہو گا لہٰذا گھومتے کیچھے کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں ( $p_3 - p_2$ ) کو ساکن کیچھے کا برقی ضیاع تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں درج ذیل ہو گا

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
جس سے معاصر مشین کی مساوی مزاحمت عاصل ہو گی۔  $R_a=rac{p_3-p_2}{I_{a,3}^2}$ 

مثال 6.5: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر، 415 وولٹ پر چلنے والی تین دوری معاصر مثین کے بورے (بناوٹی) برقی رو پر کل قصر دور طاقت کا ضیاع 2.2 کلو واٹ ہے۔ اس مثین کی یک دوری موثر مزاحمت حاصل کریں۔

$$200$$
 حل: کی دوری ضیاع  $300$   $300$   $300$  جے ۔ مثین کے پوری برتی رو درج ذیل ہو گا۔  $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$   $300$ 

یوں مشین کی موثر مزاحمت درج ذیل ہو گی۔

$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067\,\Omega$$

П

مثال 6.6: شکل 6.15 میں 500 وولٹ، 50 ہر ٹز، 4 قطب، ستارہ، معاصر جزیٹر کا تھلے دور خط دکھایا گیا ہے۔اس جزیٹر کا معاصر امالہ 0.11 اوہم اور قوی کچھے کی مزاحمت 0.01 اوہم ہے۔ پورے برتی بوجھ، 0.92 تاخیری جزو طاقت<sup>25</sup> پر جزیٹر کا معاصر امالہ 1000 ایمپیئر فراہم کرتا ہے۔ پورے بوجھ پر رگڑی ضیاع اور کچھے کی مزاحمت میں ضیاع کا مجموعہ 30 کلو واٹ جبہ قالبی ضیاع 25 کلو واٹ ہے۔

- جزیٹر کی رفتار معلوم کریں۔
- بے بوجھ جزیٹر کی سرول پر 500 وولٹ برقی دباو کتنے میدانی برقی رو پر حاصل ہو گا؟
- اگر جزیٹر پر 0.92 تاخیری جزو طاقت، 1000 ایمپیئر کا برقی بوجھ لادا جائے تب جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رو در کار ہو گا؟
- جزیٹر پورے بوجھ پر کتنی طاقت فراہم کر رہاہے جبکہ جزیٹر کو محرک کتنی میکانی طاقت فراہم کر رہاہے۔ان دوسے جزیٹر کی فی صد کارگزار کھے<sup>26</sup> تلاش کریں۔
  - اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تواس لحہ اس کے برقی سروں پر کتنا برقی دباو ہو گا؟
- اگر جزیٹر پر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش جزو طاقت کا بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ بر قرار رکھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رو در کار ہو گا؟



شكل 6.15: كطلاد ورخطيه

• ان 1000 ایمبیئر تاخیری جزو طاقت اور پیش جزو طاقت بوجھوں میں کونسا بوجھ زیادہ میدانی برقی روپر حاصل ہو گا؟ جزیر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہو گا؟

حل:

- - شکل 6.15 سے 500 وولٹ کے لئے درکار میدانی برتی رو تقریباً 2.86 ایمپیئر پڑھا جاتا ہے۔
- سارہ برقی دباو کے تعلق  $V_{JR} = \sqrt{3}V_{JR} = 289$  ہوتا ہے۔ سارہ جو تی دوری برقی دباو کے تعلق میروں برقی رو برابر ہوتے ہیں۔ جزو طاقت کو سارہ یک دوری برقی دباو کے نسبت جوڑ میں یک دوری برقی رو اور تار برقی رو برابر ہوتے ہیں۔ جزو طاقت کو سارہ یک دوری برقی دباو  $\frac{2890^\circ}{1000}$  کھا جائے  $\frac{2890^\circ}{1000}$  کھا جائے گا۔ یوں شکل 6.4 یا مساوات 6.24 سے اندرونی یب تاخیری دوری برقی رو  $\frac{6.200-1000}{1000}$  کھا جائے گا۔ یوں شکل 6.4 یا مساوات 6.24 سے اندرونی یبیدا یک دوری برقی دباو

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left( R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^\circ} + 1000 \underline{/-23.07^\circ} (0.01 + j0.1) \\ &= 349 \underline{/14.6^\circ} \end{split}$$

lagging power factor<sup>25</sup> efficiency<sup>26</sup>

 $\sqrt{3} \times 349 = 604$  ماصل ہو گا جس سے اندرونی پیدا تار برقی دباو  $\sqrt{3} \times 349 = 604$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل  $\sqrt{3} \times 349 = 604$  میدانی برقی رو پڑھا جاتا ہے۔

• جزیٹر اس صورت میں

$$p = \sqrt{3}\hat{V}_a \cdot \hat{I}_a$$
  
=  $\sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92$   
= 796 743 W

فراہم کرے گا جبکہ محرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\text{kW}$$

فراہم کرے گا للذا اس جزیٹر کی کار گزاری 
$$\eta = \frac{796.743}{851.74} \times 100 = 93.54\%$$
 ہو گا۔

• جزیر سے یک دم برقی بوجھ ہٹانے کے لمحہ پر جزیر کے برقی سروں پر 604 وولٹ برقی دباو ہو گا۔

• پیش جزو طاقت کی صورت میں

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 289/0^{\circ} + 1000/23.07^{\circ} (0.01 + j0.1)$$

$$= 276/20.32^{\circ}$$

ہو گا جس سے اندرونی تار برقی دباو  $478=276 imes\sqrt{3} imes2.7$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اینے دباو کے لئے 2.7 میدانی برقی رو درکار ہو گا۔

• تاخیری جزو طاقت کے بوجھ پر جزیر کو زیادہ میدانی برقی رو درکار ہے۔میدانی کچھے کی مزاحمت میں اس کی وجہ سے زیادہ برقی طاقت ضائع ہوگی اور جزیر زیادہ گرم ہوگا۔

مثال 6.7: ایک 415 وولٹ، 40 کلو وولٹ۔ایمپییئر، ستارہ، 0.8 جزو طاقت، 50 ہرٹز پر چلنے والی معاصر موٹر کا معاصر اللہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت میں طاقت کا معاصر امالہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع ایک کلو واٹ جبکہ قالبی ضیاع 800 واٹ ہے۔یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی بوجھ سے لدی ہے اور 0.8 پیش جزو طاقت پر چل رہی ہے۔یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو ستارہ نما تصور کرتے ہوئے حاصل کیا جاتا ہے۔

- اس کا دوری سمتیہ بنائیں۔تار کا برتی رو  $\hat{I}_t$  اور قوی کچھے کا برتی رو  $\hat{I}_a$  حاصل کریں۔موٹر کا اندرونی ہیجانی برقی دباو  $\hat{E}_a$  حاصل کریں۔
- میدانی برقی رو کو بغیر تبدیل کئے، میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھا کر دگنا کیا جاتا ہے۔اس صورت میں موٹر کا رد عمل دوری سمتیہ سے واضح کریں ۔
- اس دگنے میکانی بوجھ پر قوی کچھے کا برقی رو، تار کا برقی رو اور موٹر کا اندرونی بیجانی برقی دباو حاصل کریں۔موٹر کا جزو طاقت بھی حاصل کریں۔

#### حل:

• ستارہ جڑی موٹر کے سروں پر یک دوری برتی دباو V=239.6 ہوگا جسے صفر زاویہ پر تصور کرتے ہوئے برتی رو کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔ یوں  $\hat{V}_{sa}=239.6$  کھا جائے گا۔ جزو طاقت 0.8 زاویہ 0.8 کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں تار برتی رو کا پیچ زاویہ یہی ہو گا۔ موٹر کو مہیا برتی طاقت اس کی میکانی طاقت اور طاقت کے ضیاع کے برابر ہو گی

12200 W + 1000 W + 800 W = 14000 W

جس کے لئے درکار تار کا برقی رو درج ذیل ہو گا۔

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t \cos \theta}$$
$$= \frac{14\,000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$$
$$= 24.346 \,\text{A}$$

ستارہ جڑی موٹر کے قوی کیچھے کا برقی رو تار کے برقی رو کے برابر ہو گا۔یوں برقی رو کا زاویہ شامل کرتے ہوئے اسے

$$\hat{I}_a = \hat{I}_t = 24.346 / 36.87^\circ$$

لکھا جا سکتا ہے۔

موٹر کا اندرونی یک دوری بیجانی برقی دباو موٹر کے مساوی دور شکل 6.3 سے حاصل کرتے ہیں:

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{a,s} - jX_s\hat{I}_a$$
= 239.6/0° - j2.2 × 24.346/36.87°
= 276/-8.96°

اس تمام صورت حال کو شکل 6.16 میں دوری سمتیات کی مدد سے دکھایا گیا ہے۔



شکل6.16: بوجھ بر دار معاصر موٹر۔



میکانی بوجھ بڑھنے سے موٹر کو زیادہ برقی طاقت درکار ہوگی۔ یہ اس صورت ممکن ہوگا جب موٹر کے قوی کچھے کا برقی رو بڑھ سکے۔میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کے اندرونی بیجانی برقی دباو  $\hat{E}_a$  کی مطلق قیت تبدیل نہیں ہو سکتی البتہ اس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔موٹر  $\hat{E}_a$  کی مطلق قیت تبدیل کئے بغیر برقی سروں پر لاگو برقی دباو  $\hat{V}_a$  اور  $\hat{E}_a$  کے نہی زاویہ بڑھا کر قوی کچھے کا برقی رو اور یوں حاصل برقی طاقت بڑھائے گا۔ایسا شکل  $\hat{V}_a$  میں دکھایا گیا ہے جہاں  $\hat{E}_a$  دوری سمتیہ کی نوک گول دائرہ پر رہتی ہے۔یوں اس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔زاویہ بڑھنے کیا  $\hat{I}_a$  بڑھتا ہے۔چونکہ  $\hat{V}_a$  نہیں بڑھ رہا لہذا در حقیقت قوی کچھے کا برقی رو بڑھ گیا ہے۔زیادہ بوجھ کی صورت حال کو نقطہ دار دکھایا گیا ہے۔

• دگنی میکانی بو جھ پر موٹر کو کل 26200 = 26200 + 800 + 24400 واٹ یا 26.2 کلو واٹ برتی طاقت درکار ہے۔مساوات 6.30 کی مدد سے درج ذیل ہو گا۔

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_aE_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^{\circ}$$

يوں موٹر کا اندرونی بيجانی بر تی د باو <u>°276/-16.89</u> ہو گا اور قوی کچھے کا برتی رو درج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{I}_{a} &= \frac{\hat{V}_{a} - \hat{E}_{a}}{jX_{s}} \\ &= \frac{239\underline{/0^{\circ}} - 276\underline{/-16.89^{\circ}}}{j2.2} \\ &= 38\underline{/17.4^{\circ}} \end{split}$$

 $\cos 17.4^\circ = 0.954$  تاره جوڑ کی وجہ سے  $\hat{I}_t$  بھی اتنا ہی ہو گا۔ پیش جزو طاقت

### يات7

# امالی مشین

قورے برقیاہے۔ آکی میدان میں ترقی کی بنا امالی موٹروں کی رفتار پر قابو رکھنا ممکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کار خانوں میں یک سمت رو موٹر وں کی جگہ لینا شروع کیا۔اس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہم ہوتی وہاں یک سمت رو موٹر استعال ہوتی جن کی رفتار پر قابو رکھنا نہایت آسان ہوتا ہے۔ پچاس سال قبل ترقی یافتہ ممالک میں یک سمت موٹر کی جگہ امالی موٹر کا استعال شروع ہوا۔ آج میں یہی تبدیلی پاکستان میں دیکھ رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیر پاکستان میں دکھ رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیر پاکستان میں دکھ رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیر پاکستان میں دکھ رہا ہوں۔ بادیا۔

امالی موٹر در حقیقت ٹرانسفار مرکی دوسری صورت ہے یا یوں کہنا بہتر ہوگا کہ یہ ایک ایبا ٹرانسفار مر ہے جس کا ثانوی کچھا حرکت بھی کرتا ہے۔ یوں امالی موٹر کے ساکن کچھے ٹرانسفار مرکے ابتدائی کچھے اور موٹر کے گھومتے کچھے ٹرانسفار مرکے ثانوی کچھے تصور کیے جا سکتے ہیں۔ موٹر کے ساکن کچھوں کو بیرونی برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے جبکہ خلاء میں گھومتے مقناطیسی موج سے پیدا گھومتے کچھوں میں امالی برقی دباوان کچھوں کو طاقت فراہم کرتا ہے۔اس کی بناان کو امالی موٹر کہتے ہیں

اس باب کا مقصد امالی موٹر کے مساوی دور (ریاضی نمونہ) 3کا حصول اور موٹر کی خواص پر غور کرنا ہے۔ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دور ٹرانسفار مر کے مساوی دور کی طرح ہو گا۔

> power electronics<sup>1</sup> induction motor<sup>2</sup> mathematical model<sup>3</sup>

ہم فرض کریں گے کہ موٹر دو قطبی، تین دوری، شارہ جڑی ہے۔اس طرح یک دوری کچھوں کا برقی رو، تار برقی رو ہو گا اور یک دوری برقی دباو  $\frac{\hat{V}_x}{\sqrt{3}}$  ہو گا۔ایسا کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان ہو گا جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے کارآ مد ہو گا۔

### 7.1 ساكن لچھوں كى گھومتى مقناطيسى موج

امالی مشین کے ساکن کچھے بالکل معاصر مشین کے ساکن کچھوں کی طرح ہوتے ہیں۔ مزید گھومتے حصہ اور ساکن کچھوں کے قطبین کی تعداد ایک جیسی ہو گی۔ساکن کچھوں کو متوازن تین دوری برتی روسے ہیجان کرنے سے گھومتے مقاطیسی دباو کی ایک موح پیدا ہو گی۔ مساوات 5.49 اس موح کو ظاہر کرتی ہے جبکہ مساوات  $f_s$  کسماوات کے ساموات بہاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ پیش کرتے معاصر رفتار دیتی ہے جس کو یہاں  $f_s$  کسما گیا ہے۔ یہ دونوں مساوات یہاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ یہاں ساکن کچھوں میں برتی روکا تعدد  $g_s$  کسما گیا ہے اور  $g_s$  مفر لیا گیا ہے۔

(7.1) 
$$\tau_s^+(\theta, t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega_e t)$$
$$f_s = \frac{2}{P}f_e$$

### 7.2 مشین کاسر کاواور گھومتی امواج پر تبصرہ

ہم دو قطب کی مثین پر غور کر رہے ہیں جو P قطبی مثین کے لئے بھی درست ہے۔ساکن کچھوں میں تین دوری برق رو کا تعدد  $f_e$  ہے۔ مساوات 5.53 کہتی ہے کہ دو قطبی مثین میں موج کی معاصر رفتار بھی  $f_s$  چکر فی سینڈ ہو گی۔ اب نصور کریں مثین کا گھومتا حصہ ، f میکانی چکر فی سینڈ کی رفتار سے موج کے رخ گھوم رہا ہے جہال  $f_s$  ہو ہے۔ یول ہر سینڈ گھومتا حصہ مقناطیسی بہاو کی موج سے  $f_s-f_s$  پیچھے سرک جائے گا۔اس سرکنے کو موج کی معاصر رفتار کی نسبت سے درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

$$(7.2) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یہاں s مشین کے سر کاو $^4$  کی ناپ ہے۔اس مساوات سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(7.3) 
$$f = f_s(1-s) = f_e(1-s) \omega = \omega_s(1-s) = \omega_e(1-s) \quad (2\pi)$$

یہاں غور کیجے گا۔ مقناطیسی بہاو کی موج  $f_e$  تعدد سے گھوم رہی ہے جبکہ گھومتا لچھا f تعدد سے گھوم رہا ہے۔ گھومتے لچھا کے حوالہ سے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  رفتار سے گھوم رہی ہے، یعنی، گھومتے لچھے کو ساکن تصور کرنے سے گھومتے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  اضافی رفتار سے گھومتی نظر آئے گی۔ یوں گھومتے لچھا میں امالی برقی دباو کا تعدد بھی  $(f_e-f)$  ہو گا۔ مساوات  $f_e$  کی مدد سے اس امالی برقی دباو کا (اضافی) تعدد  $f_e$  درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔ ہے۔

(7.4) 
$$f_z = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

مشین بطور امالی موٹر استعال کرنے کے لئے گھومتے کچھے قصر دور کیے جائیں گے۔ان قصر دور کچھوں میں برتی رو کا تعدد  $sf_e$  اور رو کی قیمت کچھوں میں پیدا امالی برتی دباو اور کچھوں کی رکاوٹ پر منحصر ہو گی۔ کچھوں کی رکاوٹ برتی رو کے تعدد پر منحصر ہو گی۔

ساکن موٹر جب چالو کی جائے تو اس کا سرکاو s اکائی ( s=1 ) ہو گا لہذا گھومتے کچھوں میں برتی رو کا تعدد  $f_e$  ہو گا۔ گھومتے کچھوں میں  $f_e$  تعدد کا برتی رو ایک گھومتی مقناطیسی دباو کی موج پیدا کرے گا جو معاصر رفتار سے گھومے گی۔ یہ بالکل اسی طرح ہے جیسا ساکن کچھوں میں برتی رو سے گھومتے مقناطیسی دباو کی موج وجود میں آتی ہے۔ یوں موٹر چالو کرنے کے لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو کی امواج ایک جیسی رفتار سے گھومتی ہیں۔ مقناطیسی دباو کی امواج ایک جیسی رفتار سے گھومتی ہیں۔ مقناطیسی دباو کی یہ امواج دو گھومتے مقناطیسوں کی طرح کو شش کرتی ہیں کہ ان کے بھے زاویہ صفر ہو۔ یوں موٹر قوضے مروڑ کی بیدا کردہ قوت مروڑ گھما سکے تو مشین گھومے گی۔ اس کی رفتار تیز ہو کر ایک برقرار حد تک پہنچ جائے گی۔ امالی موٹر کی رفتار کبھی بھی معاصر رفتار تک نہیں پہنچ سکتی چونکہ اس رفتار پر اس کے گھومتے کچھوں کی نسبت سے ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج ساکن ہو گی اور گھومتے کچھوں میں کوئی امالی برتی دباو پیدا نہیں ہو گا۔

جب موٹر چل پڑتی ہے تو اس کے گھومتے لچھوں کے برتی رو کا تعدد  $sf_e$  ہو گا۔ان برتی رو سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج گھومتے لچھے کے حوالہ سے  $sf_e$  رفتار سے گھومے گی۔اب گھومتا لچھا از خود رفتار f سے گھوم رہا ہو گا لہذا

slip<sup>4</sup> torque<sup>5</sup> باب. ١ امالي مشين

یہ موج در حقیقت خلاء میں  $(f+sf_e)$  رفتار سے گھومے گی۔مساوات 7.4 سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے جو ایک اہم نتیجہ ہے۔

$$(7.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

یہ مساوات کہتی ہے کہ موٹر جس رفتار سے بھی گھوم رہی ہو، گھومتے کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج ساکن کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج کی رفتار سے ہی گھومے گی۔

مثال 7.1: ایک چار قطب، ستارہ، 50 ہر ٹرنہ 415 وولٹ پر چلنے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی (پوری) بناوٹی بوجھ پر پاپنچ فی صد سر کاو پر چلتی ہے۔

- اس موٹر کی معاصر رفتار کتنی گی؟
- پورے بوجھ پر اس کی رفتار کتنی ہو گی؟
- يورك بوجه ير گومت لچه مين برقى تعدد كتنا مو گا؟
- پورے بوجھ سے لدے موٹر کی دھرے پر قوت مروڑ کتنی ہو گی؟

#### حل:

- مساوات 7.1 کی مدو سے معاصر رفتار  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  کی مدو سے معاصر رفتار  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  کیکر فی سکینڈ یا  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  کیکر فی سکینڈ یا وہ مذہبی ہوگی
- پورے بوجھ سے لدی موٹر پانچ فی صد سرکاہ پر چلتی ہے للمذا اس کی رفتار معاصر رفتار سے کم ہوگی۔موٹر کی رفتار مساوات 7.3 کی مدو سے 23.75 = 25(1-0.05) = 23 چکر فی سکینڈ یا 1425 چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔
  - و گومتے کچھے کا برتی تعدد  $f_r = 0.05 \times 50 = 2.5$  ہر ٹر ہو گا۔
  - اک کے وحرے پر قوت مروڑ  $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \mathrm{Nm}$  کی۔

# 7.3 ساكن لچھوں ميں امالى برقى دباو

مساوات 7.1 کا پہلا جزو ساکن کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباو کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ یہ مقناطیسی دباو مشین کی خلائی درز میں مقناطیس بہاو  $B^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ خلائی درز میں مقناطیس بہاو  $B^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ خلائی درز کی رداسی رخ لمبائی  $B^+(\theta)$  لیتے ہوئے درج ذیل ہو گا

(7.6) 
$$B^{+}(\theta) = \mu_0 H^{+}(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^{+}(\theta)}{l_g}$$
$$= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega_e t)$$

جو بالکل مساوات 5.74 کی طرح ہے۔درج بالا میں  $B_0 = \frac{3\mu_0\tau_0}{2l_g}$  لیا گیا ہے۔ یوں مساوات 5.74 مقناطیسی موج  $B^+(\theta)$  کی ساکن کچھوں میں پیدا کردہ امالی برقی دباو کو ظاہر کرے گی ۔اس مساوات کو یہاں دوبارہ پیش کیا جاتا ہے

(7.7) 
$$e_{as}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ) = E_s \cos(\omega t + 90^\circ)$$
$$e_{bs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ) = E_s \cos(\omega t - 30^\circ)$$
$$e_{cs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ) = E_s \cos(\omega t + 210^\circ)$$

جہاں  $N_s$  ساکن کچھے کے چکر اور  $E_s$  درج ذیل ہے۔

$$(7.8) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

a یہاں a کھتے ہوئے زیر نوشت میں a ، دور a کو ظاہر کرتا ہے اور a، ساکن a کھے ہوئے زیر نوشت میں a ، دور a کی بات آگے بڑھاتے ہیں۔ گھومتی مقناطیسی دباو کی موج اس کچھے میں المالی برقی دباو ہے پیدا کرتی ہے۔ المالی برقی دباو a پیدا کرتی ہے۔

# 7.4 ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیداامالی برقی دباو

 $(\theta-\omega_e t)$  ساکن کچھوں کی پیدا کردہ، گھومتے مقناطیسی دباو کی موج (مساوات 7.1) کی چوٹی آس مقام پر ہوگی جہاں  $(\theta-\omega_e t)$  صفر کے برابر ہو۔ یوں لمحہ صفر پر اس کی چوٹی صفر زاویہ  $(\theta=0)$  پر ہوگی اور لمحہ t پر اس موج کی چوٹی زاویہ  $(\theta=0)$  منظمان میں حزب سے آواز کو 8 سے غاہر کیا گیا ہے۔

بابـــ7. امالي مشين



شکل 7.1: امالی موٹراوراس کے گھومتے مقناطیسی دباو کی موجیں۔

یر ہو گی۔ ساکن کچھوں کی مقناطیسی دباو کی موج کا زاویہ کسی بھی نقطہ کے حوالے سے ناپا جا سکتا ہے۔ اس کتاب میں ساکن کچھا a کو صفر زاویہ نصور کیا گیا ہے۔ یوں شکل 7.1 میں نقطہ دار افقی لکیر سے زاویہ ناپا جائے گا۔اس شکل میں ایک امالی موٹر دکھائی گئی ہے جس کے ساکن کچھے تین دوری ہیں۔

مشین f زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لمحہ صفر یعنی t=0 پر گھومتے حصہ کا  $a_r$  کچھا صفر زاویہ پر ہے، یعنی یہ نقطہ دار افقی لکیر پر ہے۔ مزید تصور کریں کہ اس لمحہ ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موت بھی اسی افقی لکیر پر ہے۔ اب کچھ دیر بعد لمحہ t پر یہ موج زاویہ  $w_e t$  پر یہ موج زاویہ  $w_e t$  پر یہ موج زاویہ نقل  $w_e t$  بینچ گا جہاں  $w_e t$  میں دکھایا گیا ہے۔ لہذا لمحہ  $w_e t$  بینچ گا جہاں  $w_e t$  ورج زاویہ  $w_e t$  درج ذیل ہوگا۔

$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$  اگرچہ مقناطیسی موج نے  $\omega_e t$  زاویہ طے کیا لیکن گھومتے کچھے کے حوالے سے اس نے صرف زاویہ  $\omega_e t$  طے کیا۔ گھومتے کچھے کے حوالے سے موج کی اضافی  $\omega_e t$  ذاویائی رفتار  $\omega_e t$  درج ذیل ہوگی

(7.10) 
$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

جس کو مساوات 7.4 کی مدو سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(7.11) \qquad \qquad \omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s\omega_e$$

یں گھتے ہوئے زیر نوشت میں ہے، لفظا ضافی کے حرف ض کی آ واز کو ظاہر کر تا ہے۔ v relative angular speed

یہ مساوات کہتی ہے کہ گھومتے کچھوں کے حوالے سے مقناطیسی موج کی رفتار سرکاو s پر منحصر ہو گی۔البتہ اس موج کا حیطہ تبدیل نہیں ہوا۔ یوں گھومتے کچھوں کے حوالہ سے مساوات 7.6 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(7.12) 
$$B_{s,rz}^{+}(\theta,t) = B_0 \cos(\theta - \omega_z t) = B_0 \cos(\theta - s\omega_e t)$$

 $\omega_z=s\omega_e t$  ہوں گھومتے کچھوں میں امالی برقی د باو مساوات 7.7 کی طرح ہوں گے لیکن ان میں تعدد

(7.13) 
$$e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 90^\circ)$$

$$e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 30^\circ)$$

$$e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 210^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 210^\circ)$$

ان مساوات میں  $N_r$  گھومتے کچھے کے چکر ہیں اور  $E_r$  درج زیل ہے جو ساکن موٹر (s=1) کے گھومتے کچھے میں برتی دیاو ہو گا۔

$$(7.14) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

گھومتے کچھوں اور ساکن کچھوں کے امالہ دباو کا تناسب مساوات 7.13 اور مساوات 7.7 سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = \frac{\partial \omega_e N_r \phi_0}{\partial \omega_e N_s \phi_0} = s \frac{N_r}{N_s}$$

ساکن موٹر کی صورت میں s=1 ہو گا اور بہ مساوات ٹرانسفار مر کی تبادلہ دباو کی مساوات دے گی۔

اب تصور کریں گھومتے کچھوں کو قصر دور کر دیا جاتا ہے۔امالی بر تی دباو گھومتے کچھوں میں بر تی رو $^{12}i_{arz}$ ، وغیرہ، پیدا کرے گا جس کا تعدد  $s\omega_e$  ہو گا۔ساکن کچھ کی طرح، گھومتے کچھ کی مزاحمت  $R_r$  اور امالہ  $L_r$  لیخی متعاملیت  $is\omega_e L_r$  ہو گا:

$$(7.16) js\omega_e L_r = jsX_r$$

s <sup>10</sup> لفظ سا کن کے س کو ظاہر کرتا ہے، ۳ لفظ روال کے رکو ظاہر کرتا ہے اور تہ لفظ اضافی کے مش کو ظاہر کرتا ہے۔ earz <sup>11</sup> میں دور 20 ہے۔ گھومتے کچھے کو 17 اور اضافی کو چہ ظاہر کرتا ہے۔

<sup>12</sup> یبان ۳ گھوٹے کچھے کو ظاہر کرتا ہے اور 12 اس بات کی یاد دھیائی کرتا ہے کہ اس بر قی رو کا تعدد ، اضافی تعدد ہے۔ 13 گزانسفار مرکی اصطلاح میں ٹانو کی کچھے کوزیر نوشت میں 2 سے ظاہر کرتے ہیں۔ یہاں اے ۲ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔



$$Z_r = R_r + jsX_r$$
 
$$\phi_z = \tan^{-1}\frac{sX_r}{R_r}$$
 
$$\hat{I}_{arz} = \frac{\hat{E}_{arz}}{Z_r}$$

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|} \cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z)$$

شكل 7.2: گھومتے لچھا كامساوى دوراوراس ميں اضافى تعدد كاروپ

یبال  $jX_r$  کو  $jW_eL_r$  کھا گیا ہے جو گھومتے کچھا کو ساکن (s=1) رکھتے ہوئے گھومتے کچھے کی متعاملیت  $e_{arz}(t)$  بیل برقی رو باو  $i_{arz}$  کا امالی برقی دباو  $i_{arz}$  کا امالی برقی دباو  $i_{arz}$  کے خوالم کے خوالم کے کہ متعاملیت کے خوالم کی اللہ کے خوالم کی دباور کے خوالم کے خوالم کی دباور کے خوالم کے خوالم کے خوالم کی دباور کے خوالم کے خوالم کی دباور کے خوالم کے خوالم کے خوالم کی دباور کے خوالم کی دباور کے خوالم کی دباور کے خوالم کے خ

شکل 7.2 بالکل شکل 1.15 کی طرح ہے المذا مساوات 1.50 سے برتی رو حاصل کیے جا سکتے ہیں:

$$(7.17) \\ i_{arz}(t) &= \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 90^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0) \\ i_{brz}(t) &= \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t - 30^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0) \\ i_{crz}(t) &= \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 210^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہ تین دوری برقی رو ہیں جو آپس میں °120 زاویہ رکھتے ہیں۔ یہاں  $\phi_z$  رکاوٹ کا زاویہ  $^{14}$  ہے۔امید کی جاتی ہے کہ اسے آپ مقاطیسی بہاو نہیں سمجھیں گے۔درج بالا مساوات میں درج ذیل ہوں گے۔

(7.18) 
$$\theta_0 = 90 - \phi_z \\ I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

استعال ہوتاہے۔ یہاں بھی کیا گیا ہے۔  $\phi$ استعال ہوتاہے۔ یہاں بھی کیا گیا ہے۔

فرض کریں شکل 7.2 میں داخلی دباو  $\hat{E}_{arz}$  برقی دباو کی موثر قیمت کو ظاہر کرتی ہے۔ یوں  $I_{0r}$  برقی رو کی موثر قیمت ہو گی لہذا ایک گھومتے کچھے کی مزاحمت میں

$$(7.19) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا۔ یہ طاقت حرارت میں تبدیل ہو کر لچھے کو گرم کرے گی۔

### 7.5 گھومتے کچھوں کی گھومتے مقناطیسی دیاو کی موج

ہم جانتے ہیں کہ ساکن تین دوری کچھوں میں  $f_e$  تعدد کے برقی رو گھومتے مقناطیسی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں جو  $sf_e$  ساکن کچھے کے حوالے سے  $f_e$  معاصر زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس طرح گھومتے تین دوری کچھوں میں  $sf_e$  تعدد کے برقی روایک گھومتے مقناطیسی دباو کی موج  $\tau_{rz}^+$  پیدا کرتے ہیں جو گھومتے کچھے کے حوالے سے  $sf_e$  زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔

(7.20) 
$$\tau_{rz}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - s\omega_e t - \theta_0)$$

یہاں  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  مساوات 7.18 میں ویے گئے ہیں۔ گھومتا کچھا از خود f زاویائی رفتار سے گھوم رہا ہو گا لہذا اس کی پیدا کردہ موج خلائی درز میں  $(f+sf_e)$  زاویائی رفتار سے گھومے گی۔ اس رفتار کو مساوات 7.3 کی مدد سے درج ذیل کھھا جا سکتا ہے۔

$$(7.21) f + sf_e = f_e(1-s) + sf_e = f_e$$

یوں گھومتے لیجھوں کے مقناطیسی دباو کی موج کو ساکن لیجھوں کے حوالے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(7.22) 
$$\tau_{r,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

 $\tau_{r,s}^+$  میں + کا نثان گھڑی کے مخالف رخ گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں r,s اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ یہ موج گھومتے کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا ہے مگر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔

یہاں ذرا رک کر غور کرتے ہیں۔ مساوات 7.22 کے مطابق گھومتا کچھا خود جس رفتار سے بھی گھوم رہا ہو، اس کی پیدا کردہ موج ساکن کچھے کی پیدا کردہ موج کی رفتار سے ہی گھومے گی۔یوں مشین میں دو امواج ایک ہی معاصر



شكل 7.3: گھومتے کچھوں كى جلّه فرضى ساكن کچھے كادور۔

ر فبار سے گھوم رہی ہوں گی۔مساوات 5.91 کہتی ہے کہ دو مقناطیسی دباو کی موجیں قوت مروڑ پیدا کرتی ہیں جو امواج کی چوٹیوں اور ان کے چے زاویہ پر منحصر ہو گی۔امالی مشین میں موجود دو مقناطیسی امواج قوت مروڑ پیدا کرتی ہیں جس کی قیت ان امواج کی چوٹیوں اور ان کے چے زاویہ پر منحصر ہو گی۔امالی موٹر، لدے بوجھ کے مطابق امواج کے چے زاویہ رکھ کر درکار قوت مروڑ پیدا کرتی ہے۔

# 7.6 گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھوں کی جگہ  $N_r$  چکر کے تین دوری فرضی ساکن کچھے ہوں تب مساوات 7.7 کی طرح ان میں امالی برقی د باو $^{15}$ 

(7.23) 
$$e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 90^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 90^\circ)$$
$$e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t - 30^\circ) = E_r \cos(\omega_e t - 30^\circ)$$
$$e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 210^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 210^\circ)$$

یدا ہوں گے جہال  $E_r=\omega_e N_r \phi_0$  کے برابر ہے (مساوات 7.14)۔

$$jX_r$$
 مزید فرض کریں ان فرضی ساکن کچھوں کی مزاحمت  $rac{R_r}{s}$  اور متعاملیت  $Z_{fs}=rac{R_r}{s}+jX_r$ 

اور ان فرضی ساکن کچھوں پر مساوات 7.23 کے برقی دباو لا گو کیے جاتے ہیں (شکل 7.3)۔ یوں ان میں درج ذیل برقی رو ہوں گے۔

$$(7.25) i_{afs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 90^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{bfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t - 30^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{cfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 210^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

مساوات  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  دیتی ہے۔دھیان رہے کہ ان مساوات میں رکاوٹ کا زاویہ  $\phi_{fZ}$  وہی ہے جو گھومتے

(7.26) 
$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

ان رو کا تعدد  $\omega_e$  اور پیدا کرده گهومتا مقناطیسی موج درج ذیل ہو گا جو ہو بہو گھومتے کیجھے کی موج  $au_{r,s}^+( heta,t)$  (مساوات 7.22) ے۔

(7.27) 
$$\tau_{fs,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

#### 7.7 امالی موٹر کامساوی پر قی دور

ہم ٹرانسفار مرکے ابتدائی کچھے کا برقی دوریہلے بنا جکے ہیں جہاں کچھے کی مزاحمت  $R_1$  اور رستا متعاملت $jX_1^{-16}$  تھی۔ ٹرانسفارمر کے قالب میں وقت کے ساتھ بدلتا مقناطیسی بہاو اس کچھے میں امالی برقی دباو  $\hat{E}_1$  پیدا کرتا ہے۔ یوں

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( R_1 + j X_1 \right) + \hat{E}_1$$



شکل7.4: امالی موٹر کے ساکن کچھوں کامساوی برقی دور۔

کھا جا سکتا ہے جہاں  $\hat{V}_1$  ابتدائی کچھے پر لاگو بیرونی برقی دباو ہے۔ہم دیکھیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی یہی مساوات حاصل ہو گی۔

تصور کریں کہ مشین کے گھومتے کچھے کھلا دور ہیں اور ساکن کچھوں پر تین دوری برقی دباو لا گو ہے۔ ساکن کچھوں کے برقی رو گھومتے مقناطیسی دباوکی ایک موج  $au_s^+( heta,t)$  پیدا کریں گے جو مساوات 7.1 میں دی گئی ہے۔

اس حصہ میں ہم مشین کے ایک دور، مثلاً دور a، پر نظر رکھیں گے۔ یہاں شکل 7.4 سے رجوع کریں۔اگر ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_s$  اور متعاملیت  $jX_s$  ہو اور اس پر لاگو بیرونی برتی دباو  $v_s(t)$  ہو تب کر خوف $^{17}$  کے برتی دباو کے قانون کے تحت درج ذیل ہو گا

$$(7.29) v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

جہال ( $e_s(t)$  مساوات 7.7 میں دی گئی، اس موج کی ساکن کچھ میں پیدا امالی برقی دباو ہے ۔اس کو دوری سمتیہ کی صورت میں کھتے ہیں۔

(7.30) 
$$\hat{V}_{s} = \hat{I}_{s} (R_{s} + jX_{s}) + \hat{E}_{s}$$

ٹرانسفار مرکی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔اگر موٹر کا گھومتا کچھا کھلا دور  $^{18}$  رکھا جائے تب قالب میں ایک ہی گھومتے مقاطیسی دباو کی موح  $au_s$ ہو گا۔ مو گا۔ مو گا۔ مو گا۔ مو گا۔ مو گا۔ مو گا۔ میں مقاطیسی بہاو  $^{18}$ ہو گا۔ میہ برقی رو  $^{16}$ ہو گا۔ موریئر تسلسل  $^{19}$ کی مدد سے اس کے بنیادی اور ہار مونی اجزاء دریافت

leakage reactance<sup>16</sup>

Kirchoff's voltage law<sup>17</sup>

open circuited<sup>18</sup>

Fourier series<sup>19</sup>

کئے جا سکتے ہیں۔ اس کے بنیادی جزو کے دو ھے ہوں گے۔ ایک حصہ  $\hat{I}_c$  الا گو بیرونی برقی دباو  $\hat{V}_s$  ہم قدم اور قالب میں طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرے گا جبکہ دوسرا حصہ  $\hat{V}_s$  سے نوے درجہ تاخیری زاویہ پر ہو گا۔ $\hat{I}_c$  میں سے  $\hat{I}_c$  منفی کر کے مقناطیسے جزو حاصل ہو گا جس کو  $\hat{I}_m$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ بنیادی جزو کے لحاظ سے مقناطیسی جزو تاخیری اور باقی سارے ہارمونی اجزاء کا مجموعہ ہو گا

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

 $jX_{\varphi}$ جو قالب میں مقناطیسی بہاو  $\varphi_s$  پیدا کرتا ہے۔ امالی موٹر کے مساوی دور میں  $\hat{I}_c$  کو مزاحمت  $R_c$  اور  $R_c$  اور  $R_c$  یا جاتا ہے کہ حکیتی موٹر میں، متوقع برقی تعدد اور امالی برقی دباو  $\hat{E}_s$  پر،  $R_c$  میں  $R_c$  اور میں میں  $R_c$  میں  $R_c$  میں  $R_c$  میں جو گا۔

(7.32) 
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$

$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

مقناطیسی دباوکی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  گلومتے کچے میں بھی امالی برتی دباو پیدا کرے گی۔ مساوات 7.30 میں اگر رکاوٹ میں برقی دباو کے گئے کو نظر انداز کیا جائے تب لاگو بیرونی برقی دباو اور کچھ کا اندرونی امالی برقی دباو ہر حالت میں ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔اب تصور کریں کہ گھومتے کچھ قصر دور کر دیے جاتے ہیں۔ ایسا کرتے ہی ان میں برقی روگزرنے لگے گیں جو مقناطیسی دباوکی موج  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  جو مساوات 7.22 میں دی گئی ہے، پیدا کریں گے۔ اس موج سے ساکن کچھے میں امالی برقی دباو  $\hat{E}_s$  تبدیل ہو گا للذا امالی برقی دباو اور لاگو برقی دباو ایک دوسرے کے برابر نہیں رہیں گے۔ یہ ایک نا مکنہ صورت حال ہے۔

ساکن کچھ میں امالی برتی دباو، لاگو برتی دباو کے برابر تب رہے گا جب قالب میں مقناطیسی دباو تبدیل نہ ہو۔ مثین کے قالب میں مقناطیسی دباو برقرار یوں رہتا ہے کہ ساکن کچھے، مقناطیسی دباو برتہا ہے کی متضاد، مقناطیسی دباو کی ایک موج پیدا کرتے ہیں جو  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔یہ موج پیدا کرنے کے لئے ساکن کچھوں میں برتی رو  $\hat{I}_{r}$  سے بڑھ کر  $(\hat{I}_{r}+\hat{I}_{r}')$  ہو جاتے ہیں جہاں اضافی برتی رو درج ذبل ہوں گے۔

(7.33) 
$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + \theta_0) i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0) i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$



یہ اضافی برقی رو درج ذیل موج پیدا کرتے ہیں۔

(7.34) 
$$\tau_{(r)}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_s I'_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

ساکن کچھوں میں اضافی برقی رونے ہر لمحہ گھومتے کچھوں کے برقی رو کے اثر کو ختم کرنا ہے للذا یہ دونوں برقی رو ہم قدم 20 ہوں گے۔چونکہ مساوات 7.34 اور مساوات 7.22 ہر لمحہ ایک دوسرے کے برابر ہیں للذا درج ذیل ہو گا۔

$$(7.35) N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

مساوات 7.18 کی استعال سے درج ذیل ہو گا۔

(7.36) 
$$I'_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

آپ نے دیکھا کہ گھومتے لیچے مقناطیسی دباوکی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن لیچھوں کو معلوم ہوتا ہے کہ موٹر پر بوجھ لدا ہے اور وہ اس کے مطابق لا گو برقی دباو سے برقی رو لیتی ہیں۔ یہاں تک امالی موٹر کا مساوی برقی دور شکل 7.5 سے رجوع کریں جہاں

(7.37) 
$$R'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} R_{r}$$
$$X'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} X_{r}$$

 $in-phase^{20}$ 

$$\hat{I}'_r \qquad \frac{\hat{R}'_r}{s} \qquad jX'_r \\
+ \\
\hat{E}_s \qquad - \\$$

$$i'_{a}(t) = \frac{E_{s}}{\sqrt{\left(\frac{R'_{r}}{s}\right)^{2} + X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$
$$= \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$

شكل 7.6: گلومتے لچھے كاايك مساوى دور ـ

پر ساکن کچھوں کا امالی برتی دباو
$$\hat{E}_s$$
 لاگو ہے لہذا برتی رو درج ذیل ہوں گے۔

(7.38) 
$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t - 30^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 210^{\circ} - \phi_{Z})$$

ان سب کے حیطے ایک دوسرے کے برابر ہیں جنہیں

$$\frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} = \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^4 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} \qquad (7.37 \, \text{المادات 7.8 ميادات 7.39})$$

$$= \left(\frac{N_r}{N_s}\right)^2 \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

$$= \frac{N_r}{N_s} \frac{s\omega_e N_r \phi_0}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \qquad (7.34 \, \text{and} \, \text{and$$

لکھ کر مساوات 7.38 کو درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

(7.40) 
$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 30^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 210^{\circ} - \phi_{Z})$$



یہ مساوات بالکل مساوات 7.33 کی طرح ہے جہاں  $\phi_Z=0$  ہوگا۔ یوں شکل 7.5 میں ساکن کچھوں کے امالی برقی دباو  $\hat{E}_s$  متوازی شکل 7.6 جوڑنے سے ساکن کچھوں میں اضافی برقی رو اتنا ہی ہوگا جتنا اصل موٹر میں گھومتے کچھوں کی بنا ہوگا۔ ایبا کرتے ہوئے شکل 7.7 حاصل ہوتی ہے جو امالی موٹر کا مساوی برقی دور ہے اور جو امالی موٹر کی صحیح عکاسی کرتا ہے۔

### 7.8 مساوی برقی دوریر غور

ہم شکل 7.7 میں برتی دباو اور برتی رو کی قیتوں کو موثر قیمتیں تصور کرتے ہیں۔ ایک گھومتے کچھے میں برتی طاقت کے ضیاع کو مساوات 7.19 ظاہر کرتی ہے۔مساوات 7.37 اور 7.39 کی مدد سے اسے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(7.41) 
$$p_{\zeta_{r}} = I_{0r}^{2} R_{r} = \left(\frac{N_{s}^{2}}{N_{r}^{2}} I_{0r}^{\prime 2}\right) \left(\frac{N_{r}^{2}}{N_{s}^{2}} R_{r}^{\prime}\right) = I_{0r}^{\prime 2} R_{r}^{\prime}$$

شكل 7.7 مين گھومتے کچھے كو كل

$$(7.42) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s}$$

برتی طاقت فراہم کی جائے گی جس میں سے خیاع گھومتے کچھے کی مزاحمت میں ضائع ہو گی اور باتی بطور میکانی طاقت مشین کے دھرے پر دستیاب ہو گی:

$$(7.43) p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^{\prime} = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1 - s) = p_r (1 - s)$$



تین دوری مشین جس میں تین کھے ہوتے ہیں تین گنا میکانی طاقت فراہم کرے گی:

(7.44) 
$$p_{i,j} = 3I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

مساوات 7.44 کہتی ہے کہ ساکن موٹر، جس کا سرکاو اکائی ہو گا، کوئی میکانی طاقت فراہم نہیں کرتی ہے بلکہ وہ تمام برقی تو انائی جو گھومتے حصہ کو ملتی ہے ضائع ہو کر اس حصہ کو گرم کرتی ہے جس سے موٹر جلنے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اس مساوات سے دیکھ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کا سرکاو صفر کے قریب رہنا چاہئے ورنہ یہ ناقابل قبول (اور ناقابل برداشت) حد تک برتی توانائی ضائع کرے گی۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 7.8 کی طرح بھی تشکیل دے سکتے ہیں جس میں شکل 7.8 کی مزاحمت  $\frac{R'}{2}$  کو دو حصوں میں تقسیم کیا گیا ہے:

$$\frac{R_r'}{s} = R_r' + R_r' \left(\frac{1-s}{s}\right)$$

یوں شکل 7.7 میں مزاحمت  $R'_r$  میں برتی طاقت کا ضیاع  $I'_0 R'_r$  گھومتے کچھے کا ضیاع جبکہ مزاحمت  $R'_r$  میں برتی طاقت کا ضیاع  $I'_0 R'_r$  دراصل میکانی طاقت ہو گا۔ یاد رہے کہ تین دوری مشین کے لئے ان نتائج کو تین سے ضرب دینا ہو گا۔

7.3 میکانی طاقت سے مراد قوت مروڑ ضرب میکانی زاویائی رفتار ہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویائی رفتار مساوات  $\omega_{sm}$  دیتی ہے جبکہ مساوات 5.53 میں میکانی معاصر رفتار  $\omega_{sm}$  دیتی ہے۔ یوں میکانی طاقت

(7.45) 
$$p = T_m \omega = T_m \times 2\pi f = T_m \times 2\pi (1 - s) f_s = T_m (1 - s) \omega_{sm}$$



شكل 7.9: امالى موٹر كاساد ەدور ـ قالبى ضياع كو نظرانداز كيا گيا ہے۔

اور قوت مروڑ درج ذیل ہو گی۔

(7.46) 
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}^{2}}{\omega_{sm}} \frac{R_r'}{s}$$

اصل موٹر میں رگڑ، قالبی ضیاع، کچھوں میں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بنا، دھرے پر طاقت یا قوت مروڑ ان سے کم ہوگی۔

ٹرانسفار مرکے سادہ ترین مساوی دور میں  $R_c$  اور  $K_m$  کو نظرانداز کیا گیا تھا۔ امالی موٹر میں ایسا کرنا ممکن نہیں ہوتا چونکہ موٹروں میں خلائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیسی بہاو پیدا کرنے کے لئے بہت زیادہ مقناطیسی و باو در کار ہوتی ہے۔ بے بوجھ امالی موٹر کو بناوٹی برقی رو کا تمیں سے پچاس فی صد برقی رو، قالب کو بیجان کرنے کے لئے در کار ہوتا ہے۔ مزید، خلائی درز کی وجہ سے اس کی رستا امالہ بھی زیادہ ہوتا ہے اور اسے نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البیت مساوی دور میں  $R_c$  کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے جیسے شکل  $R_c$  میں کیا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار کلیر کی بائیں جانب کا مساوی تھونن دور بنایا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے امالی موٹر پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ اب ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔

مثال 7.2: ستارہ، چیر قطبی، بچپاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے ا اجزاء درج ذیل ہیں۔

$$R_s = 0.5 \,\Omega, \quad R_r' = 0.31 \,\Omega, \quad X_s = 0.99 \,\Omega, \quad X_r' = 0.34 \,\Omega, \quad X_m = 22 \,\Omega$$

موٹر میں رگڑ سے طاقت کا ضیاع 600 واٹ ہے۔ قالبی ضیاع کو اس کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اس کو اٹل تصور کیا جائے۔ یہ موٹر درکار وولٹ اور تعداد پر دو فی صد سرکاو پر چل رہی ہے۔اس حالت میں موٹر کی رفتار، اس کے دھرے پر پیدا قوت مروڑ اور طاقت، اس کے ساکن کچھے کا برقی رو اور اس کی فی صد کار گزاری حاصل کریں۔ 7.8 مساوي پر تي دور پر غور

 $f_m=rac{2}{6} imes 50=16.66 imes 60=1000$  چکر ٹی سیکنڈ یا  $f_m=rac{2}{6} imes 50=16.66$  چکر ٹی سیکنڈ یا f=16.66 imes (1-0.02)=16.33 ٹی منٹ ہو گی۔دو ٹی صد سرکاو پر موٹر کی رفتار f=16.66 imes (1-0.02)=16.33 چکر ٹی سیکنڈ یا f=16.33 imes 60=979.8

شكل 7.9 مين دائين جانب

$$jX_r' + R_r' + R_r' \frac{1-s}{s} = jX_r' + \frac{R_r'}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور  $jX_m$  متوازی جڑے ہیں جن کی مساوی رکاوٹ درج ذیل ہو گی۔

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22}$$

$$Z = 10.147 + j7.375 = R + jX$$

موٹر پر لا گو یک دوری برقی دباہ  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  وولٹ ہے۔ یوں ساکن کچھے کا برقی رو درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{I}_s &= \frac{\hat{V}_s}{R_s + jX_s + Z} \\ &= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.375} \\ &= 17.6956/-38.155^{\circ} \end{split}$$

اس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طاقت منتقل ہو گی جو رکاوٹ Z کو منتقل ہو گی۔یوں مساوات 7.42 درج ذیل لکھی جا سکتی ہے۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \,\text{W}$$

2 تین دور کے لئے  $3 \times 3177.37 = 9532$  واٹ ہو گی۔ مساوات 44 موٹر کی اندرونی میکانی طاقت دیتی ہے:  $p_{\dot{\mathbf{j}}\dot{\mathbf{j}}} = 9532 \times (1-0.02) = 9341\,\mathrm{W}$ 

اس سے طاقت کا ضیاع منفی کرنے سے موٹر کے دھرے پر میکانی طاقت 8741 = 600 – 9341 واٹ حاصل ہوتی ہے لہذا دھرے پر قوت مروڑ درج ذیل ہوگی۔

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \,\mathrm{Nm}$$

موٹر کو کل مہیا برقی طاقت  $\sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times \cos(-38.155) = 10001.97$  واٹ ہو گی۔  $\square$  یوں اس موٹر کی کار گزاری  $\sqrt{3} \times 87.39 \times 100 = 87.39$  ہو گی۔

ا\_\_7. امال مشين





شکل 7.10: تھونن ر کاوٹ اور تھونن برقی د باوحاصل کرنے کے ادوار۔

#### 7.9 امالي موٹر کامساوي تھونن دوريارياضي نمونه

مسئلہ تھون نے <sup>21</sup> کے مطابق کسی بھی سادہ خطی برتی دور<sup>22</sup> کو اس کے دو برتی سرول کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباو کی مساوی سلسلہ وار دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اس مساوی دور کو مساوی تھونن دور کہتے ہیں جبکہ اس مساوی تھونن دور کی رکاوٹ کو تھونن رکاوٹ اور برتی دباو کو تھونن برتی دباو کہتے ہیں۔

برتی دور کے دو برتی سروں کے پی تھونن رکاوٹ حاصل کرنے کے لئے برتی دور کے تمام اندرونی برتی دباو قصر دور کر کے ان دو برتی سروں کے پی رکاوٹ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی رکاوٹ، تھونن رکاوٹ ہو گی۔ انہیں برتی سروں پر تھونن برتی دباو حاصل کرنے کے لئے دیے گئے برتی دور کے تمام اندرونی برتی دباو برقرار رکھ کر ان دو سروں پر برتی دباو معلوم کیا جاتا ہے۔ یہی برتی دباو در حقیقت تھونن برتی دباو ہو گا۔ بعض او قات ہم ایک برتی دور کے ایک خاص جھے کا مساوی تھونن دور بنانا چاہتے ہیں۔ایسا کرتے وقت باتی برتی دور کو اس جھے سے مکمل طور پر منقطع کر کے درکار جھہ کا تھونن مساوی دور حاصل کیا جاتا ہے۔ شکل 7.10 سے ااور ب کے نی مساوی تھونن رک ورکار جھہ کا تھونن برتی دباو ہو گا۔ اور ب کے نی مساوی تھونن رکاوٹ

$$Z_t = \frac{(R_s + jX_s)jX_m}{R_s + jX_s + jX_m} = R_t + jX_t$$

$$\hat{V}_t = \frac{jX_m\hat{V}_s}{R_s + jX_s + jX_m} = V_t \underline{/\theta_t}$$

کسی بھی مخلوط عدد  $^{23}$  کی طرح  $_{Z_t}$  کو ایک حقیقی عدد  $_{R_t}$  اور ایک فرضی عدد  $_{j}X_t$  کا مجموعہ لکھا جا سکتا ہے۔ یہی اس

Thevenin theorem<sup>21</sup> linear circuit<sup>22</sup>



شکل 7.11: تھونن دوراستعال کرنے کے بعد امالی موٹر کا مساوی دور۔

مساوات میں کیا گیا ہے۔

ہم یوں امالی موٹر کے مساوی برقی دور کو شکل 7.11 کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں سے دوری سمتیہ کی استعال سے مندرجہ ذیل برقی رو  $\hat{I}'_r$  حاصل ہوتا ہے۔

(7.48) 
$$\hat{I}'_r = \frac{\hat{V}_t}{R_t + jX_t + \frac{R'_r}{s} + jX'_r} \\ \left|\hat{I}'_r\right| = I'_r = \frac{V_t}{\sqrt{\left(R_t + \frac{R'_r}{s}\right)^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}}$$

چونکہ  $\hat{V}_t$  کی قیمت پر  $\hat{V}_t$  کے زاویے کا کوئی اثر نہیں للذا مساوی تھونن دور میں  $\hat{V}_t$  کی جگہ  $V_t$  استعال کیا جا سکتا ہے۔اس کتاب میں ایسا ہی کیا جائے گا۔

مساوات 7.46 اور مساوات 7.48 سے تین دوری مشین کی قوت مروڑ حاصل کرتے ہیں۔

(7.49) 
$$T = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R'_r}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R'_r}{s}\right)^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R'_r}{s}\right)}{\frac{R'_r^2}{s^2} + 2R_t \frac{R'_r}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}$$

complex number<sup>23</sup>



شكل 7.12: امالي موٹر كي قوت مر وڙ بالقابل سر كاو\_

اس مساوات کو شکل 7.12 میں و کھایا گیا ہے جہاں موٹر کی رفتار کو معاصر رفتار کی نسبت سے و کھایا گیا ہے۔موٹر ازخود گھومتے مے اور اس کی رفتار معاصر رفتار سے کم رہتی ہے۔زیادہ سرکاو پر موٹر کی کار گزاری خراب ہو جاتی ہے۔ اس لئے لگاتار استعال میں موٹر تقریباً پانچ فی صد سے کم سرکاو پر چلائی جاتی ہے بلکہ ان کی بناوٹ ہے کہ امالی موٹر اپنی بناوٹی طاقت تقریباً پانچ فی صد سے کم سرکاو پر مہیا کرتی ہو۔

اگر موٹر کو زبردستی ساکن کچھوں کے گھومتے مقناطیسی موج کے رخ معاصر رفتار سے زیادہ رفتار پر گھمایا جائے تو یہ ایک جزیٹر کے طور پر کام کرنے شروع ہو جائے گی۔اییا کرنے کے لئے بیرونی میکانی طاقت درکار ہو گی ۔اگرچہ امالی مثین عام طور پر بطور جزیٹر استعال نہیں ہوتی البتہ ہوا سے برقی طاقت کی پیداوار میں انہیں بطور جزیٹر استعال کیا جانے لگا ہے۔

شکل 7.12 میں منفی رفتار بھی دکھائی گئی ہے جہاں سرکاوکی قیمت اکائی سے زیادہ ہے۔ موٹر کو ساکن کچھوں کے گھومتی مقناطیسی دباوکی موج کے مخالف رخ گھمانے سے ایسا ہو گا۔ چلتی موٹر کو جلد ساکن کرنے کے لئے ایسا کیا جاتا ہے۔ تین دوری موٹر پر لا گو کسی دو برقی دباوکو آپس میں تبدیل کرنے سے موٹر کے ساکن کچھوں کے گھومتی معناطیسی موج بیدم مخالف رخ گھومنا شروع ہو جاتی ہے جبکہ موٹر ابھی پہلے رخ گھوم رہی ہوتی ہے۔اس طرح موٹر جلد آہتہ ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رک کر دوسرے رخ گھومنا چاہتی ہے اس پر لا گو برقی دباو منقطع کر دیا جاتا ہے۔الی موٹر یوں ریل گاڑی میں عموماً بطور روکے (بریک) استعال کی جاتی ہے۔

امالی مشین s < 0 کی صورت میں بطور جزیٹر، s < 1 کی صورت میں بطور موٹر اور s < 1 کی صورت میں بطور روک کام کرتی ہے۔

 $\mathrm{brake}^{24}$ 

امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ توت مروڑ مساوات 7.49 سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ قوت مروڑ اس کھے زیادہ سے زیادہ ہو گی جب گھومتے جھے کو زیادہ سے زیادہ طاقت میسر ہو۔ زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلہ  $\frac{25}{s}$  مطابق مزاحمت  $\frac{R'_r}{s}$  میں طاقت کا ضیاع اس صورت زیادہ سے زیادہ ہوگا جب (شکل 7.11 میں) اس کی قیمت باتی سلسلہ وار جڑی اجزاء کی قیمت کے برابر ہو:

(7.50) 
$$\frac{R'_r}{s} = \left| R_t + jX_t + jX'_r \right| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

اس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرکاو  $s_z$  حاصل ہو گا۔

(7.51) 
$$s_z = \frac{R'_r}{\sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}}$$

مساوات 7.49 کی نسب نما میں  $R_t^2 + (X_t + X_r')^2$  کی جگہ مساوات 7.50 کا مربع استعال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ  $T_z$  حاصل ہو گی:

(7.52) 
$$T_{z} = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2} \left(\frac{R'_{r}}{s}\right)}{\frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}} + 2R_{t} \frac{R'_{r}}{s} + \frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \sqrt{R_{t}^{2} + (X_{t} + X'_{r})^{2}}\right)}$$

درج بالا کے حصول میں آخری قدم پر مساوات 7.50 کا استعال دوبارہ کیا گیا۔

اس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ اس کے گھومتے کچھوں کی مزاحمت پر مخصر نہیں ہوگا۔ یہ ایک اہم معلومات ہے جسے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ درکار رفتار پر حاصل کی جا گئی دیکھتے ہیں کہ ایساکس طرح کیا جاتا ہے۔

امالی موٹر کے گھومتے لیجھوں کے برتی سروں کو سرکے چھلوں  $^{26}$  کے ذریعہ باہر نکالا جاتا ہے  $^{27}$  جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیرونی مزاحمت جوڑی جاتی ہے۔اس طرح گھومتے لیجھوں کی کل مزاحمت بڑھ کر ب<sub>یرون</sub>ی جاتی ہو جاتی

maximum power theorem<sup>25</sup> slip rings<sup>26</sup> ت<sup>27</sup>کل کے نمونے یہ۔



شکل 7.13: بیر ونی مزاحمت کا قوت مر وڑ بالمقابل سر کاوکے خطوط پراثرات۔

ہے۔ ایبا کرنے سے مساوات 7.50 کے مطابق زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ نسبتاً زیادہ سرکاو یعنی کم زاویائی رفتار پر حاصل ہو گی۔ شکل 7.13 کے مطابق مزاحمت  $R_{r,\xi}$  استعال کرتے ہوئے ساکن موٹر چالو ہوتے وقت زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ دے گی۔اس طرح بوجھ بردار موٹر ساکن حالت سے ہی زیادہ بوجھ اٹھانے کے قابل ہو گی۔ بیرونی مزاحمت استعال کے بغیر یا کم بیرونی مزاحمت، مثلاً  $R_{r,j}$ ، استعال کرتے ہوئے ساکن موٹی کی قوت مروڑ نسبتاً بہت کم ہو گی۔ چونکہ زیادہ سرکاو پر موٹر کی کار گزاری خراب ہوتی ہے للذا اس طرح موٹر کو زیادہ دیر نہیں چایا جاتا اور جیسے ہی اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے، اس سے بیرونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے کچھوں کے برقی سرے قصر دور کر دیے جاتے ہیں۔

مثال 7.3: صفحہ 228 پر مثال 7.2 میں دی گئی امالی موٹر استعمال کریں اور رگڑ سے طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کریں۔

- اگر موٹر درکار وولٹ اور تعداد پر تین فی صد سرکاو پر چل رہی ہو تب ساکن کیھے میں گھومتے کیھے کے حصہ کا برقی رو ''ا اور مشین کی اندرونی میکانی طاقت اور قوت مروڑ حاصل کریں۔
  - موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پیدا قوت مروڑ اور اس قوت مروڑ پر موٹر کی رفتار حاصل کریں۔
    - موٹر جالو ہونے کے لمحہ پر قوت مروڑ اور اس لمحہ پر  $I'_{r}$  حاصل کریں۔

ط:

• کی دوری برتی و باو  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  استعال کرتے ہوئے مساوات 7.47 کی مدد سے درج ذیل ہو گا۔

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

مساوات 7.48 میں تین فی صد سر کاو پر  $rac{R'_r}{s}=10.3333$  استعال کرتے ہوئے درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{I}'_r &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 / -5.6^\circ\\ I'_r &= \left| \hat{I}'_r \right| = 21.1\,\mathrm{A} \end{split}$$

یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ مندرجہ بالا مساوات میں 229.2/1.246 کی جگہ 229.2/0 استعال کرنے  $I'_r$  کی قیمت تبدیل نہیں ہوتی ہے۔

مساوات 7.44 اور 7.45 کی مدد سے طاقت اور قوت مروڑ حاصل کرتے ہیں۔

$$p_m = \frac{3 \times 21.1^2 \times 0.31}{0.03} \times (1 - 0.03) = 13\,387.46\,\mathrm{W}$$
 
$$T = \frac{13387.46}{(1 - 0.03) \times 2 \times \pi \times 16.66} = 131.83\,\mathrm{N\,m}$$

• مساوات 7.51 زیادہ سے زیادہ طاقت پر سر کاو درج ذیل دیتی ہے۔

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.1638$$

يوں موٹر کی رفتار  $836.2 = 836.2 \times (1-0.1638) = 836.2$  پیک منٹ ہو گی۔

• چالو کرتے کھے پر سرکاو اکائی ہو گا لہذا  $\frac{R_r'}{s}=0.31$  اور یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j 0.9573 + 0.31 + j 0.34} = 152.07 / -58.14^\circ$$
  $I'_r = 152\,\mathrm{A}$ 

اس لمحه قوت مروره درج ذیل ہو گ۔

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205 \,\text{N}\,\text{m}$$

مثال 7.4: دو قطب، ستارہ، بچاس ہر ٹز پر چلنے والی تین دوری امالی موٹر 2975 چکر فی منٹ کی رفتار پر بارہ کلوواٹ کی میکانی بوجھ سے لدی ہے۔موٹر کا سر کاو اور دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

#### 7.10 پنجره نماامالی موٹر

گومتے لچھوں کی ساخت پر ذرا غور کرتے ہیں۔ گومتے لچھوں کے  $N_r$  چکر ہوتے ہیں جہاں  $N_r$  کوئی جمی عدد ہو سکتا ہے۔ سادہ ترین صورت میں  $N_r$  ایک کے برابر ہو سکتا ہے بینی ایک ہی چکر کا گومتا لچھا۔ اب بجائے اس کے کہ قالب میں لچھوں کے لئے شگاف بنائے جائیں اور ہر شگاف میں تانبے کی تار کا ایک چکر لپٹا جائے ہم یوں بھی کر سکتے ہیں کہ ہر شگاف میں سیدھا تانبے کا ایک سلاخ رکھ دیں اور اس طرح کے سب سلاخوں کی ایک جانب کے سروں کو تانبے کی ایک دائرہ نما سلاخ سے قصر دور کر دیں اور اس طرح دوسری جانب کے تمام سروں کو بھی ایک تانبے کی دائرہ نما سلاخ سے قصر دور کر دیں۔ یوں تانبے کی سلاخوں کا پنجرہ حاصل ہو گا۔ اس لئے ایسی امالی موٹر کو پنجرہ نما امالی موٹر گو

حقیقت میں شگافوں میں پگھلا تانبا یا سلور <sup>29</sup> ڈالا جاتا ہے جو ٹھنڈا ہو کر ٹھوس ہو جاتا ہے اور قالب کو جھکڑ لیتا ہے۔دونوں اطراف کے دائرہ نما قصر دور کرنے والے چھلے بھی اسی طرح اور اسی وقت ڈھالے جاتے ہیں۔ یوں ایک مضبوط گھومتا حصہ حاصل ہوتا ہے۔ اسی مضبوطی کی وجہ سے پنجرہ نما امالی موٹر بہت مقبول ہوئی ہے۔ اسی موٹریں سالوں تک بغیر دیکھے بھال کام کرتی ہیں اور روز مرہ زندگی میں ہر جگہ پائی جاتی ہیں۔گھروں میں پانی کے پہپ اور پنگھے انہیں سے چلتے ہیں۔

squirrel cage<sup>28</sup> copper, aluminium<sup>29</sup>

#### 7.11 بي بوجھ موٹراور جامد موٹر کے معائنہ

امالی موٹر کی کارکردگی دو معائنوں سے معلوم کی جاتی ہے جن سے موٹر کے مساوی دور کے اجزاء بھی حاصل کئے ۔ جاتے ہیں۔ہم تین دوری امالی موٹر کی مثال سے ان معائنوں پر بحث کرتے ہیں۔

#### 7.11.1 ي بوجھ موٹر كامعائنہ

یہ معائنہ بالکل ٹرانسفار مر کے بے بوجھ معائنہ کی طرح ہے۔اس میں موٹر کے ہیجان انگیز برقی رو اور بے بوجھ موٹر میں طاقت کے ضیاع کی معلومات حاصل ہوتی ہیں۔

اس میں بے بوجھ امالی موٹر پر کیساں تین دوری برقی د ہاوہ  $V_{bb}$  لاگو کر کے بے بوجھ موٹر کی برقی طاقت کا ضیاع  $p_{bb}$  اور اس کے ساکن کچھے کا بیجان انگیز برقی رو  $I_{s,bb}$  ناپا جاتا ہے۔ یہ معائنہ امالی موٹر کے بناوٹی برقی د باو اور برقی تعدد پر سرانجام دیا جاتا ہے۔

ہو۔ اتنی موٹر صرف اتنی قوت مروڑ پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر ضیاع طاقت کی وجہ سے درکار ہو۔ اتنی کم ہو کہ قوت مروڑ بہت کم سرکاو پر  $I'_r$  بھی نہایت کم ہو گوت مروڑ بہت کم سرکاو پر حاصل ہو گی۔ مساوات 7.48 سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرکاو پر شکل 7.7 کی گا اور اس سے گھومتے کچھول میں برقی طاقت کا ضیاع قابل نظر انداز ہو گا۔ اسی بات کو صفحہ 226 پر شکل 7.7 کی مدد سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جہاں واضح ہے کہ بہت کم سرکاو پر مزاحمت  $\frac{R'_r}{s}$  کی قیمت بہت زیادہ ہو گی اور اس کو کھلا دور سمجھا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے شکل 7.14 ملتی ہے۔

-7.14 کی جگرہ اور  $R_c$  اور  $R_c$  اور  $R_c$  کی جگہ مساوی سلسلہ وار جڑے اجزاء پر کرنے سے شکل 14.7- اے متوازی اجزاء  $R_c$  کی قبت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔متوازی دور کی ہے حاصل ہو گی۔ کسی بھی امالی موٹر کی  $R_c$  کی قبت اس کی  $R_c$  کی قبت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔متوازی دور کی

کھتے ہوئے لفظ بے بوجھ کے پہلے حروف باور ب کوزیر نوشت میں bb سے ظاہر کیا گیا ہے۔  $V_{bb}^{30}$ 



شكل 7.14: بي بوجھ امالي موٹر كامعا ئند۔

ر کاوٹ  $Z_m$  سے مساوی سلسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  حاصل کرتے ہیں:

$$Z_{m} = \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}}$$

$$= \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}} \frac{R_{c} - jX_{m}}{R_{c} - jX_{m}}$$

$$= \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2} + X_{m}^{2}}$$

$$\approx \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}} \qquad \text{if } R_{c} \gg X_{m}$$

$$= jX_{m} + \frac{X_{m}^{2}}{R_{c}} = jX_{m} + R_{c}^{*} = Z_{s}$$

بے بوجھ ٹرانسفار مروں میں ابتدائی کچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جاتا ہے۔ بے بوجھ امالی موٹروں کا بیجان انگیز برقی رو کافی زیادہ ہوتا ہے لہذا ان کے ساکن کچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز نہیں کیا جا سکتا۔ بے بوجھ امالی موٹر کی ج<sub>bb</sub> سے تین ساکن کچھوں کا برقی ضیاع منفی کر کے میکانی ضیاع طاقت حاصل ہو گا:

$$p_{bb} = p_{bb} - 3I_{s,bb}^2 R_s$$

میکانی طاقت کا ضیاع بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر کے لئے ایک جیسا تصور کیا جاتا ہے۔

میکانی ضیاع  $p_{t,j}$  کو نظرانداز کرتے ہوئے شکل 7.14ب سے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(7.55) 
$$R_{bb} = \frac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}$$

$$Z_{bb} = \frac{V_{bb}}{I_{s,bb}}$$

$$X_{bb} = \sqrt{|Z_{bb}|^2 - R_{bb}^2}$$

$$X_{bb} = X_s + X_m$$

 $X_s$  یوں اس معائنہ سے موٹر کی بے بوجھ متعاملیت  $X_{bb}$  حاصل ہوتی ہے۔اگر کسی طرح ساکن کچھے کی متعاملیت معلوم ہو تب اس مساوات سے  $X_m$  حاصل کی جا سکتی ہے۔انگلے معائنہ میں ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں گے۔

#### 7.11.2 حامد موٹر کامعائنہ

یہ معائد ٹرانسفار مر کے قصر دور معائدہ کی طرح ہے۔ اس میں مشین کے رستا امالوں کی معلومات حاصل ہوتی ہے۔ البتہ امالی موٹر کا مسئلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔ امالی موٹر کے رستا امالہ گھومتے کچھوں میں برقی تعدد اور قالب کے سیر اب ہونے پر مخصر ہوتے ہیں۔

اس معائنہ میں امالی موٹر کے گھومتے حصہ کو حرکت کرنے سے زبردستی روک دیا جاتا ہے جبکہ ساکن کچھوں پر بیرونی برقی دباو $V_{rk}$  لاگو کر کے برقی طاقت  $p_{rk}$  اور ساکن کچھوں کے برقی رو $V_{rk}$  ناپے جاتے ہیں۔ اصولی طور پر بیہ معائنہ ان حالات کو مد نظر رکھ کر کیا جاتا ہے جن پر موٹر کی معلومات درکار ہوں۔

ساکن موٹر چالو کرنے کے لمحہ پر موٹر کا سرکاو اکائی ہوتا ہے اور اس کے گھومتے کچھوں میں روز مرہ تعدد، کے برتی رو $^{31}$  ہوں گے۔ المذا اگر اس لمحہ کے نتائج درکار ہوں تب موٹر کے ساکن کچھوں پر روز مرہ تعدد،  $f_e$  کا اتنا برقی دباو لاگو کیا جائے گا جتنے سے اس کے گھومتے کچھوں میں برقی رو $^{32}$  پیدا ہو۔ اس طرح اگر برقرار چالو حالت میں بوجھ بردار موٹر کے نتائج درکار ہوں جب موٹر کا سرکاو s اور اس کے گھومتے کچھوں میں برقی رو $^{32}$  تعدد کے برقی دباو استعمال کیے جائیں گے اور اس کی قیمت اتنی رکھی جائے  $sf_e$  موٹروں میں جی تعدد کے برقی رو وجود میں آئے۔ تقریباً  $sf_e$  میں موٹروں میں برقی تعدد کے اثرات قابل نظر انداز ہوتے ہیں لہٰذا ان کا معائنہ  $f_e$  تعدد کے برقی دباو پر ہی کیا جاتا ہے۔

 $t \to \infty$ زیر نوشت میں  $t \to \infty$ اں بات کو ظاہر کر تی ہے کہ موٹر کا فی دیرہے چالوہ ادر بیا ایک بر قرار رفتار تک بھی گئے گئے ہے۔

\_

t=0اس لمجہ کے برقی رو کو چھوٹی کلصائی میں وقت صفر سے منسلک کیا گیا ہے کیتن t=0



شکل 7.15:رکے امالی موٹر کا معائنہ۔

یہاں صفحہ 226 کے شکل 7.7 کو رکے (ساکن) موٹر کے معائنہ کے نقطہ نظر سے دوبارہ دیکھتے ہیں۔رکے (ساکن) موٹر کا سرکاو اکائی ہوتا ہے۔مزید، اس معائنہ میں لاگو برقی دباو بر قرار چالو موٹر پر لاگو برقی دباو سے خاصا کم ہوتا ہے۔اتنے کم لاگو برقی دباو پر قالبی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔شکل میں  $R_c$  کو کھلے دور کرنا قالبی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔چونکہ s=1 ہندا اس شکل میں  $\frac{R'_c}{s}$  کو r=1 لیڈا اس شکل میں r=1 کیا گیا ہے۔

شکل 7.15-ا میں  $jX_m$  اور  $(R'_r+jX'_r)$  متوازی جڑے ہیں جن کی جگہ ان کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ پر کرنے ہیں:  $Z_s$  حاصل کرتے ہیں:

$$Z_{m} = \frac{jX_{m}(R'_{r} + jX'_{r})}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}$$

$$= \left(\frac{jX_{m}R'_{r} - X_{m}X'_{r}}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}\right) \left(\frac{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}\right)$$

$$= \frac{jX_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}R'_{r}(X_{m} + X'_{r}) - X_{m}X'_{r}R'_{r} + jX_{m}X'_{r}(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= \frac{X_{m}^{2}R'_{r}}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}} + j\frac{(X_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}^{2}X'_{r} + X_{m}X'_{r}^{2})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= R_{s}^{*} + jX_{s}^{*} = Z_{s}$$

ان مساوات میں  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور مساوات میں ہو گا۔

$$(7.57) R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$

(7.58) 
$$X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_m^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_m^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_m^2} \approx X_r'$$

اس معائنہ میں پیائش کی گئی قیمتوں اور شکل 7.15-ب سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(7.59) 
$$Z_{rk} = \frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$

$$R_{rk} = \frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$

$$X_{rk} = \sqrt{|Z_{rk}|^2 - R_{rk}^2}$$

اس مساوات کے پہلے جزو میں پیاکٹی برتی دباہ اور برقی رو سے رکاوٹ حاصل کی گئی ہے۔ اس طرح دوسرے جزو میں مزاحمت اور تیسرے میں متعاملیت کا حساب لگایا گیا ہے۔

شكل 7.15-ب سے درج ذيل واضح ہے۔

$$(7.60) X_{rk} = X_s + X_r'$$

امالی مشین مختلف خواص کے بنائے جاتے ہیں۔ عام آدمی کی آسانی کے لئے ایسی مشینوں کی درجہ بندی کی جاتی A,B,C,D اور ایسی مشین جن کا گھومتا حصہ کچھے پر مشمل ہو، کی رستا متعاملیت  $X_{rk}$  کو ساکن اور گھومتے کچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے کچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے کچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے ہوں کہ دور میرے کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل 7.15 - ب میں مخاملیت ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل 7.15 - ب میں مزاحمت ہیں  $X_{rk}$  کی مدد سے ناپ کر درج ذیل عاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$(7.61) R^* = R_{rk} - R_s$$

اب  $R'_r$  کو مساوات 7.57 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں  $X_m$  ہے بوجھ امالی موٹر کے معائنہ میں حاصل کی جاتی ہے۔

مزاحمت پیا کی مدد سے ساکن کچھے کی مزاحمت ناپتے وقت یہ جاننا ضروری ہے کہ موٹر ستارہ یا تکونی بڑی ہے۔ شکل 7.16 میں کچھے کو دونوں طرح بڑا دکھایا گیا ہے۔ اگر یک دوری مزاحمت  $R_s$  ہو تب ستارہ بڑی موٹر کے لئے مزاحمت  $2R_s$  مزاحمت دے گا جبکہ تکونی بڑی موٹر کے لئے یہ  $2R_s$  مزاحمت دے گا۔

Ohm  $meter^{33}$ 

$X'_r$	$X_s$	غاصيت	گھومتاحصہ
0.537	0.5.17	i a (an ll	(
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	کار کردگی گھومتے ھے کی مزاحمت پر منحصر	ليثاهوا
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	عمومی ابتدائی قوت مروڑ، عمومی ابتدائی رو	Aبناو
$0.6X_{rk}$	$0.4X_{rk}$	عمومی ابتدائی قوت مر وڑ، کم ابتدائی رو	$B$ بناو ${f d}$
$0.7X_{rk}$	$0.3X_{rk}$	زیادها بتدائی قوت مر وژ، کم ابتدائی رو	Cبناوك
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	زیادها بتدائی قوت مر وژ،زیاده سر کاو	Dبناوك,
<b>""</b>			
حدول 7.1: متعاملت کی ساکن اور گھومتے حصوں میں تقسیم۔			



شکل 7.16: شارہ اور تکونی بڑی موٹروں کی ساکن کچھوں کی مزاحمت کامزاحمت پیا کی مدوسے حصول۔

مثال 7.5: ستارہ، چار قطب، پچاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی موٹر کے معائنے کئے جاتے ہیں۔ موٹر کی بناوٹ درجہ بندی A کے مطابق ہے۔ مزاحمت پیا کسی بھی دو برتی سروں کے پی 5.50 اوہم جواب دیتا ہے۔ بوجھ معائنہ D 50 اور 415 کو طاقت کا ضیاع W 906 ناپا جاتا ہے۔ جامد موٹر معائنہ Hz داور V 50 پر کرتے ہوئے برتی رو A 1.9 اور طاقت کا ضیاع W 850 ناپا جاتا ہے۔ اس موٹر کا مساوی برتی دو بر بنائیں اور پانچ فی صد سرکاو پر اس کی اندرونی میکانی طاقت حاصل کریں۔

مان: مزاحمت پیا کے جواب سے ستارہ موٹر کے ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_s = \frac{0.55}{2} = 0.275 \,\Omega$  حاصل  $R_s = \frac{0.55}{2} = 0.275 \,\Omega$  حاصل ہوتے ہیں۔ ہوتی ہے۔ بے بوجھ معائنہ میں یک دوری برقی دباوV دباوی جامل ہوتے ہیں۔

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965 \,\Omega$$

$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439 \,\Omega$$

$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 \,\Omega = X_s + X_m$$

رکے موٹر معائنہ کے نتائے سے  $X_s$  حاصل کرنے کے بعد  $X_m$  حاصل ہو گی۔

ساکن کچھے کی مزاحمت میں اس برقی رو پر کل

$$3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 = 13.87 \,\mathrm{W}$$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا لہذا رگڑ اور دیگر ضیاع طاقت 892 = 13.86 - 906 واٹ ہو گا۔

رکے موٹر معائنہ میں یک دوری برقی دباو  $\frac{50}{\sqrt{3}}=28.9$  وولٹ ہیں۔ یول درج ذیل حاصل ہول گ۔

$$R_{rk} = \frac{850}{3 \times 13.91^2} = 1.464 \,\Omega$$
$$|Z_{rk}| = \frac{28.9}{13.91} = 2.07 \,\Omega$$

$$X_{rk,15} = \sqrt{2.07^2 - 1.464^2} = 1.46\,\Omega$$

اس معائنه میں برقی تعدد 15 ہرٹز تھا لہذا 50 ہرٹز پر متعاملیت درج ذیل ہو گی۔

$$X_{rk,50} = \frac{50}{15} \times X_{rk,15} \approx 4.9 \,\Omega$$

باب. ١ مالي مشين



(7.1) درجہ بندی A کی امالی موٹر میں ہیہ متعاملت ساکن اور گھومتے کچھے میں ایک جیسی تقسیم ہو گی (جدول  $X_s=X_r'=rac{4.9}{2}=2.45\,\Omega$ 

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53\,\Omega$$

پونکہ  $R_s=0.275$  اوہم ہے لہذا

$$R'_r = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189 \,\Omega$$

ہو گا۔مساوی برتی دور شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے۔

یا پنچ فی صد سر کاو پر اندرونی میکانی طاقت کی خاطر بائیں جانب کا تھونن مساوی دور استعال کرتے ہوئے درج زبل ہو گا۔

$$V_t = 229 / 0.2833^{\circ}$$
 (7.47 رساوات)  $Z_t = 0.251 + j2.343$  
$$\left| \hat{I}'_r \right| = 9.346 \,\mathrm{A}$$
 
$$p_m = \frac{3 \times 9.346^2 \times 1.189 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 5919 \,\mathrm{W}$$
 (7.44 رساوات)

## باب8

# یک سمت رومشین

کے سمتے رومشین یک سمت روا برقی طاقت پیدا کرتی ہیں یا یک سمت رو برقی طاقت سے چلتی ہیں۔ یک سمت رو مرقی طاقت سے قابو موٹروں کی اہمیت بندری کم ہو رہی ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر لے رہے ہیں جن کی رفتار قومی برقیائے <sup>2</sup> سے قابو کی جاتی ہے۔موجودہ دور میں گاڑیوں کے یک سمت جزیٹر بھی دراصل سادہ بدلتا رو جزیٹر ہوتے ہیں جن کے اندر نسب ڈالوڈ<sup>3</sup> بدلتا محرک برقی دباو کو یک سمت محرک برقی دباو میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں دو قطب کے یک سمت مشینوں کا مطالعہ کیا جائے گا۔میکانی سمت کار والے یک سمت مشینوں میں میدانی کچھا ساکن جبکہ قوی کچھا گھومتا ہے۔

## 8.1 ميكاني سمت كاركى بنيادى كار كردگى

جزیٹر بنیادی طور پر بدلتا برقی دباو پیدا کرتا ہے۔ یک سمت جزیٹر کے اندر نسب میکانی سمھے کار4 میکانی طریقہ سے بدلتا دباو کو یک سمت دباو میں تبدیل کر کے برقی سرول پر فراہم کرتا ہے۔

dc, direct current<sup>1</sup> power electronics<sup>2</sup> diode<sup>3</sup> commutator<sup>4</sup>



شكل 8.1: ميكاني سمت كار



شکل 8.2: آدھے چکر کے بعد بھی بالائی کبش مثبت ہی ہے۔

میکانی سمت کار کو شکل 8.1 میں دکھایا گیا ہے جہاں جزیڑ کے قوی کچھے کو ایک چکر کا دکھایا گیا ہے اگرچہ حقیقت میں لچھا زیادہ چکر کا ہو گا۔ قوی کچھے کے برقی سروں کو د اور ڈسے ظاہر کیا گیا ہے جو سمت کار کے د اور ڈصوں کے ساتھ جڑے ہیں۔ قوی کچھا اور سمت کار ایک ہی دھرے پر نب ہوتے ہیں للذا دونوں ایک ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ تصور کریں (میکانی سمت کار سے کچھے کی طرف دیکھتے ہوئے) مقناطیسی میدان میں دونوں گھڑی وار گھوم رہے ہیں۔ مقناطیسی میدان افقی سطح میں N سے S رخ ہو گا جے نوکدار کیروں سے دکھایا گیا ہے۔ سمت کار کے ساتھ ساکن کار بن بشوں سے برقی دباو کو جزیڑ کے باہر منتقل ساکن کار بن بشوں سے برقی دباو کو جزیڑ کے باہر منتقل کیا جاتا ہے۔ بشوں کو مثبت علامت + اور منفی علامت — سے ظاہر کیا گیا ہے۔

د کھائے گئے لمحہ پر کچھ میں پیدا برتی دباو e کی وجہ سے کچھے کا سر د مثبت اور ڈ منفی ہے۔یوں سمت کار کا حصہ د مثبت اور حصہ ڈ منفی ہوں گے لہذا کاربن کا + علامت والا بش مثبت اور – علامت والا بش منفی ہو گا۔یوں بیرونی بالائی تار مثبت اور کچلی تار منفی ہوں گے۔ آدھا چکر بعد، جیسا شکل 8.2 میں دکھایا گیا ہے، خلائی درز میں کچھا کے د



اور ڈ اطراف آپس میں جگہیں تبدیل کر چکے ہوں گے ۔ لچھا کے د اور ڈ اطراف اب بھی سمت کار کے د اور ڈ حصول کے ساتھ جڑے ہیں۔ یہاں سمت کار کی کار کردگی پر کئی ساتھ جڑے ہیں۔ یہاں سمت کار کی کار کردگی پر نظر رکھیں۔ اب بھی کاربن کا + علامت والا بش مثبت اور – علامت والا بش منفی ہے۔ یوں جزیٹر کے بیرونی برتی سروں پر اب بھی بالائی سر مثبت اور نچلا سر منفی ہے۔ سمت کار کے دانتوں کے مابین برقی دباو ہوتا ہے لہذا ان کو غیر موصل کی مدد سے ایک دوسرے اور دھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔

گھومتے وقت ایک ایبالحہ آتا ہے جب سمت کار کے دانتوں کو کاربن بش قصر دور کرتے ہیں۔ کاربن بش محیط پر اس طرح رکھے جاتے ہیں کہ جس لحہ لکچے میں برقی دباو مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہونا چاہے اسی لحہ کاربن کے بش کچھے کو قصر دور کرتے ہوں۔چونکہ اس لحمہ کچھے پر محرک دباو صفر ہوتا ہے للذا اسے قصر دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا ہے۔یوں حاصل برقی دباو شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں دو دندی سمت کار اور دو مقناطیسی قطب کے در میان گھومتا ہوا ایک قوی کچھا دکھایا گیا ہے۔ حقیقت میں جزیٹر کے متعدد قطبین ہوں گے اور فی قطب سمت کار کے کئی دندے ہوں گے۔ چھوٹی مشینوں میں مقناطیس ہی مقناطیسی میدان فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں مقناطیسی میدان ساکن میدانی کچھے فراہم کرتے ہیں۔ دونوں اقسام کی مشینوں کے کچھے تقسیم شدہ ہوتے ہیں۔

اب ہم زیادہ دندوں کے ایک سمت کار کو دیکھتے ہیں۔

#### 8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل

بچھلے حصہ میں سمت کار کی بنیادی کار کردگی پر غور کیا گیا۔ اس حصہ میں اس پر تفصیلی بات کی جائے گی۔ شکل 8.4 میں اللہ مشین و کھائی گئی ہے۔ سمت کار کی اندر میں اللہ مشین و کھائی گئی ہے۔ سمت کار کی اندر

جانب دو عدد کاربن بش ہیں جن سے بیرون برقی رو i حاصل کی جاتی ہے۔ شگافوں کو بھی گنتی لگائی گئی ہے۔ جزیٹر کے دو قطب اور آٹھ شگاف ہیں۔ اس طرح اگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہو تو تین شگاف جیموڑ کر موجود شگاف دوسرے قطب کے سامنے ہو گا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دو شگاف "ایک قطب فاصلہ" پر ہیں۔ یوں شگاف 1 اور 6 ایک دوسرے سے ایک قطب کے فاصلے پر ہیں جبکہ شگاف 2 اور 6 ایک دوسرے سے ایک قطب کے فاصلے پر ہیں۔

حییا شکل 8.2 میں دکھایا گیا، اگر کچھے کا ایک طرف شالی قطب کے سامنے ہو تب اس کا دوسرا طرف، ایک قطب فاصلہ پر، جنوبی قطب کے سامنے ہو گا۔ کچھوں کو شگافوں میں رکھا جاتا ہے۔ یوں شکل 8.4 میں اگر ایک کچھے کا ایک طرف شگاف 5 میں ہو گا۔ حقیقت میں ہر کا ایک طرف شگاف 5 میں ہو گا۔ حقیقت میں ہر شگاف میں دو کچھے رکھے جاتے ہیں۔ ایک کچھے کو شگاف میں محور کے قریب اور دوسرے کو شگاف میں محور سے دور رکھا جا سکتا ہے۔اییا کرنے کے لئے ہمیں دو مختلف جسامت کے لیچھے تیار کرنے ہوں گے۔ محور کے قریب رکھا گیا کچھا جسامت میں چھوٹا جبکہ محور سے دور لچھا بڑا ہو گا۔ کچھوں کو پہلے تیار کر کے بعد میں شگافوں میں رکھا جاتا ہے۔ ایس سے بہتر ترکیب موجود ہے جو حقیقت میں استعال ہوتی ہے۔

بہتر ترکیب میں ایک لچھے کے ایک طرف کو ایک شکاف میں محور کے قریب اور، ایک قطب فاصلہ پر، دوسرے شکاف میں محور کے دور رکھا جاتا ہے۔دوسرے لچھے کو انہیں شکافوں میں باتی دو مقامات پر رکھا جاتا ہے۔یوں دونوں لچھوں کی جسامت ایک دوسرے جیسے ہوگی اور ان میں اتنی ڈھیل ہوگی کہ انہیں شکافوں میں با آسانی رکھا جا سکے۔

اب شکل 8.4 کو تفصیل سے سیجھتے ہیں۔ شگافوں میں موجود کچھوں میں برقی رو کے رخ نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے گئے ہیں۔ نقطہ کا نشان اس کے مخالف رخ رو کو ظاہر کرتا ہے جبکہ صلیب کا نشان اس کے مخالف رخ رو کو ظاہر کرتا ہے جبکہ صلیب کا نشان اس کے مخالف رخ رو کو ظاہر کرتا ہے۔ کوئی پہلا (1) شگاف میں برقی روصفحہ کو عمودی اندر رخ ہے۔

شکل 8.4 میں مثین کا عمودی تراش و کھایا گیا ہے۔ مثین کا محور کتاب کے صفحہ کو عمودی ہو گا۔ ہمیں مثین کا (قربی، بالائی) "سامنے" طرف نظر آ رہا ہے جبکہ (ہم سے دور) "نجلا" طرف ہمیں نظر نہیں آ رہا ہے۔ "سامنے" طرف کی تاروں کو تھوس جبکہ "نجلے" طرف (نظر نہ آنے والے) تاروں کو نقطہ دار دکھایا گیا ہے۔ ہر شگاف میں دو لیجھے دکھائے گئے ہیں جن میں سے ایک مثین کی محور کے قریب "اندر" جانب اور دوسرا محور سے دور "باہر" جانب ہے۔ پہلا (1) شگاف میں "اندر" جانب موجود لچھا، سمت کار کے پہلا (1) دانت سے جڑا ہے۔ اس جوڑ کو موٹی تیر دار لکیر سے دکھایا گیا ہے جہاں تیر کا نشان برقی رو کے رخ کو ظاہر کرتا ہے۔ شگاف 1 کے "نجلے" طرف تیر دار لکیر سے دکھایا گیا ہے جہاں تیر کا نشان برقی رو کے رخ کو ظاہر کرتا ہے۔ شگاف 1 کے "نجلے" طرف ایک اندرونی مقام میں) داخل ہوتا ہے۔ اس طرح دو عدد لچھے شگاف 2 اور 6 میں پائے جاتے ہیں۔ ان میں بات کو نقطہ دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس طرح دو عدد لچھے شگاف 2 اور 6 میں پائے جاتے ہیں۔ ان میں



شکل 8.4: کاربن بش سمتکار کے دندوں کو قصر دور نہیں کررہاہے۔



باب. 8. یک سمت رومشین

ایک لچھا شگاف 2 میں "اندر" جانب اور شگاف 6 میں "باہر" جانب ہے جبکہ دوسرا لچھا دوسرے شگاف میں "باہر" جانب اور چھے شگاف میں "اندر" جانب ہے۔ نقط دار کبیریں صرف پہلی اور پانچویں شگافوں کے لئے دکھائی گئی ہیں۔آپ خود باقی شگافوں کے لئے انہیں بنا سکتے ہیں۔ہر لچھے کا ایک طرف شگاف میں "اندر" جانب اور دوسرا گئی ہیں۔آپ خود باقی شگاف میں "باہر" جانب ہو گا۔سمت کار کا پہلا (1) دانت چوشے (4) شگاف کے "باہر" جانب موجود لچھے سے بھی جڑا ہے۔آپ یہاں رکھ کر شکل 8.5 کی مدد سے مشین میں برقی رو کے رخ سمجھیں اور تسلی کر لیں کہ یہ درست دکھائے گئے ہیں۔اس شکل میں لچھوں کو ا، ب، پ، وغیرہ سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ سمت کار کے دندوں کو گنتی لگائی گئی ہے۔کاربن کے بش پہلے اور پانچویں دانت سے جڑے دکھائے گئے ہیں۔

شکل 8.5 میں کاربن بش سے برتی رو سمت کار کے پہلے دانت سے ہوتا ہوا دو برابر حصوں میں تقسیم ہو کر دو کیساں متوازی راستوں بہتا ہے۔ایک راستہ سلسلہ وار جڑے ا، ب، پ اور ت کچھوں پر مشتمل ہے جبہہ دوسرا راستہ سلسلہ وار جڑے ٹی راستہ سلسلہ وار راستے آپس میں متوازی جڑے ہیں۔ برقی رو کے رخ نقطہ دار نوک دار کبیروں سے ظاہر کیے گئے ہیں۔ دو متوازی راستوں سے گزرتا برتی رو ایک مر تبہ دوبارہ مل کر ایک ہو جاتا ہے اور سمت کار کے پانچویں دانت سے جڑے کاربن بش کے ذریعہ مشین سے باہر کل جاتا ہے۔ گھومتے حصہ کے شگافوں میں موجود کچھوں کا برقی رو، مقناطیسی دباو کا رخ جاننے کے لئے شکل 8.4 کو عمودی ہو گا جیسا شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔ گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو کا رخ جاننے کے لئے شکل 8.4 کے شگافوں میں برقی رو پر نظر رکھیں۔ بائیں جانب چار شگافوں میں رو صفحہ سے باہر جبکہ دائیں جانب چار شگافوں میں رو صفحہ کے اندر رخ ہے۔دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو انہیں کے رخ گھمانے سے انگوٹھا میدان کا رخ دے گا۔ آپس رو صفحہ کے اندر رخ ہے۔دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو انہیں کے رخ گھمانے سے انگوٹھا میدان کا رخ دے گا۔ آپس میں قائمہ مقناطیسی دباو دھرے پر گھڑی وار قوت مروڑ پیدا کریں گے۔یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو تب یہ گھڑی وار گھوے گی اور کاربن بش پر ایبا بیرونی یک سمت برتی دباو لا گو ہو گا جو دکھائے گئے برتی رہی ہو تب یہ گھڑی وار گھوے گی اور کاربن بش پر ایبا بیرونی یک سمت برتی دباو لا گو ہو گا جو دکھائے گئے برتی رہی ہو تب یہ گھڑی وار گھوے گی اور کاربن بش پر ایبا بیرونی یک سمت برتی دباو لا گو ہو گا جو دکھائے گئے برتی بھی ایکرتا ہو۔

اب تصور کریں کہ مشین ایک جزیئر کے طور پر استعال کی جا رہی ہے جس کو خلاف گھڑی ہیر وئی میکانی طاقت سے گھمایا جا رہا ہے۔ سمت کار کے آدھے دانت کے برابر حرکت کے بعد جزیئر شکل 8.6 میں دکھائے گئے حالت میں ہو گا جہاں دایاں کاربن بش سمت کار کے پہلے اور دوسرے دانت کو قصر دور جبکہ بایاں کاربن بش پانچویں اور چھٹے دانت کو قصر دور کرتے ہیں۔ بوں پہلے اور پانچویں شگافوں کے لچھے قصر دور ہوں گے جبکہ باتی شگافوں کے لچھوں میں حسب معمول برقی رو ہو گا جو پہلے کی طرح اب بھی ساکن لچھوں کے مقناطیسی دباو کے عمودی مقناطیسی دباو پیدا کریں گے۔ آپ گھوٹ کے جبکہ باتیں جانب تین شگافوں کریں گے۔ آپ گھوٹ کے باہر جبکہ دائیں جانب تین شگافوں میں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی چار انگیوں کو انہیں کے میں روصفحہ سے باہر جبکہ دائیں جانب تین شگافوں میں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی چار انگیوں کو انہیں کے میں روصفحہ سے باہر جبکہ دائیں جانب تین شگافوں میں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں کا گئی ہے۔



شکل 8.6: کاربن بش سمت کار کے دندوں کو قصر دور کر رہاہے۔



شکل 8.7: کاربن بش دود ندوں کو قصر دور کررہے ہیں۔

باب.8. يك سمت رومشين

مشین جب سمت کار کے ایک دانت کے برابر حرکت مکمل کر لے تو کاربن بش دوسرے اور چھٹے دانت سے جڑ جائیں گے۔ پہلے اور پانچویں شگافوں میں برقی رو کا رخ پہلے کے مخالف ہو جائے گا جبکہ باقی شگافوں میں برقی رو کے رخ بر قرار رہیں گے۔ گھومتے کچھوں کا برقی دباو اب بھی اسی رخ ہو گا۔

جتنے دورانیہ کے لئے کاربن بش دو کچھوں کو قصر دور کرتے ہیں اتنے وقت میں ان کچھوں میں برقی رو کا رخ الٹ ہو جاتا ہے۔ کوشش کی جاتی ہے کہ اس دوران برقی رو وقت کے ساتھ بتدر تئ تبدیل ہو۔ایسا نہ ہونے سے کاربن بش سے چنگاریاں لگلتی ہیں جن سے بش جلد ناکارہ ہو جاتے ہیں۔ جزیٹر کے قصر دور کچھوں میں پیدا برقی دباو، قصر دور کچھوں میں گھومتا ناکارہ برقی رو پیدا کرتا ہے جو ہمارے کسی کام کا نہیں ہوتا ہے۔ کچھے اور کاربن بش کی مزاحمت اس ناکارہ روکی قیت تعین کرتے ہیں۔

حقیقت میں یک سمت جزیر میں فی قطب در جن دانت کا سمت کار استعال ہو گا اور اگر مشین بہت چھوٹی نہ ہو تو اس میں دوسے زیادہ قطب ہول گے۔

## 8.2 كىست جزيىر كابرقى دباو

گزشتہ حصہ کے شکل 8.5 میں ا، ب، پ اور ت کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ اسی طرح ٹ، ث، ج اور چ کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ دور جڑے ہیں۔ حصہ 5.3 میں مساوات 5.23 کیک کچھی کیک سمت جزیٹر کا محرک برتی دباو  $e_1$  دیتی ہے۔ اسے یہاں باد دھیانی کے لئے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$(8.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

خلائی در زمیں کیساں  $B_m$  کی صورت میں تمام کچھوں میں ایک جیسا محرک برقی دباو پیدا ہو گا۔یوں شکل 8.4 میں دکھائے کچہ پر (شکل 8.5 سے رجوع کریں) جزیٹر کا کل محرک برقی دباو e ایک کچھ کے محرک برقی دباو کا چار گنا ہو گا

(8.2) 
$$e = e_{l} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow}$$

$$= e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\zeta} + e_{\zeta}$$

$$= 4\omega NAB_{m}$$



شکل8.8: آٹھ دندی میکانی ست کارسے حاصل برقی دباو۔

جبکہ شکل 8.6 میں دکھائے گئے لمحہ پر e صرف تین کچھوں کے محرک برتی دباو کا مجموعہ ہوگا (شکل 8.7 سے رجوع کرس):

(8.3) 
$$\begin{aligned} e &= e \cdot + e \cdot + e \cdot + e \cdot \\ &= e \cdot + e \cdot + e \cdot \\ &= 3\omega NAB_m \end{aligned}$$

شکل 8.8 میں آٹھ دندی میکانی ست کار سے حاصل برتی دباو دکھایا گیا ہے جہاں یک سمت برتی دباو پر سوار غیر مطلوبہ لہر نظر آ رہی ہیں۔اگر جزیڑ کے ایک جوڑی قطبین پر n کچھے ہوں تب شکل 8.5 کی طرح یہ دو  $\frac{n}{2}$  سلسلہ وار کچھوں جننا محرک برتی دباو پیدا کرے گا۔

(8.4) 
$$e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$

اس صورت میں غیر مطلوبہ لہر کل یک سمت برقی دباو کی تقریباً

$$\frac{\omega N \phi_m}{\frac{n}{2} \omega N \phi_m} \times 100 = \frac{2}{n} \times 100$$

فی صد ہو گی۔یوں فی قطب دندوں کی تعداد بڑھانے سے زیادہ ہموار برقی دباو حاصل ہو گا اور غیر مطلوبہ اہر قابل نظر انداز ہو گی۔

تصور کریں کہ شکل 8.4 کی مشین کی خلائی درز میں  $B_m$  غیر کیساں ہے۔اب کچھوں میں محرک برقی دباو مساوات 8.1 کے تحت مختلف زاویوں پر مختلف ہو گا۔اس طرح مشین سے حاصل کل برقی دباو چار سلسلہ وار کچھوں کے مختلف محرک برقی دباو کا مجموعہ

$$(8.6) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

ہو گا جہاں  $e_1, e_2, \cdots$  مختلف کچھوں کے محرک برقی دباو ہیں۔

شکل 8.4 میں گھومتے حصہ کو ایک دندان کے برابر حرکت دینے سے دوبارہ یہی شکل حاصل ہوتا ہے المذا ایک دندان حرکت کے بعد حاصل برقی دباو بھی دوبارہ وہی ہو گا۔ میکانی سمت کار کے فی قطب دندوں کی تعداد بڑھانے سے ایک دندان کے برابر حرکت بہت چھوٹی ہو گی الذا خلائی درز میں ہمواری کے ساتھ تبدیل ہوتے کیافت مقاطیسی بہاو کی صورت میں اتنی کم حرکت کے احاطے میں  $B_m$  کی قیمت میں تبدیلی قابل نظر انداز ہو گی اور  $B_m$  کو کیساں تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں اگر لچھا ایک دندان کے احاطے میں حرکت کرے تو اس میں محرک برقی دباو تبدیل نہیں ہو گا۔ یعن جس کچھے کا محرک برقی دباو  $e_1$  ہو اس کچھے کا محرک برقی دباو  $e_2$  ہو اس کچھے کا محرک برقی دباو  $e_3$  ہو اس کچھے کا محرک برقی دباو ایک دندان احاطے میں یہی رہے گا۔ یوں اگر چپہ جس کچھے کا محرک برقی دباو (جو ان مستقل قیت ہو گی، المذا

ہم نے دیکھا کہ خلائی درز میں ہمواری کے ساتھ تبدیل ہوتے  $B_m$  کی صورت میں جزیڑ سے معیاری یک سمت مخرک برقی دباو حاصل ہو گا۔ بدلتا رو جزیڑ میں  $B_m$  سائن نما رکھنا ضروری ہوتا ہے۔ نہایت چھوٹی یک سمت مثینوں کے خلائی درز میں  $B_m$  کیساں رکھا جاتا ہے جبکہ بڑی مثینوں میں اسے ہمواری کے ساتھ تبدیل کیا جاتا ہے۔ جبیا اوپر ذکر ہوا عملاً میکانی سمت کار کے دندوں تک لچھوں کے سروں کی رسائی ممکن تب ہوتی ہے جب ہر شگاف میں دو لچھے رکھے جائیں۔

شگافوں کی تعداد n ہونے کی صورت میں شگافوں کی جوڑیوں کی تعداد  $\frac{n}{2}$  ہوگی۔ شگافوں کی ایک جوڑی میں کی تعداد n ہوگی۔ اگر تمام کچھوں میں ملاکر N چکر ہوں تب ایک کچھے میں  $\frac{N}{n}$  چکر ہوں گے اور ایک شگاف کے دو کچھے، مقناطیسی میدان میں  $\frac{N}{n}$  کی تبدیلی پیدا کریں گے۔ یوں بالکل قریب قریب شگافوں میں رکھ گئے کچھوں سے خلائی درز میں سیڑھی نما مقناطیسی دباو کی موج پیدا کو گل قریب ایک قریب قریب شگافوں میں رکھ گئے کچھوں سے خلائی درز میں سیڑھی نما مقناطیسی دباو کی موج پیدا ہوگی۔ ہوگی۔ کل چکر N کو اٹل رکھتے ہوئے شگافوں کی تعداد بڑھانے سے ایک سیڑھی کی اونچائی کم ہوگی۔ یوں کافی زیادہ شگافوں کی صورت میں ایک سیڑھی کی اونچائی تابل نظر انداز ہوگی اور مقناطیسی موج کو سیڑھی موج کی بجائے آری کے دندوں کی مانند موج تصور کیا جا سکتا ہے جے شکل N میں انظرادی کچھوں میں رو کے رخ کو نقطوں اور صلیبوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ زیادہ تعداد کے شگافوں کی صورت میں انظرادی کچھوں میں رو کو برتی رو کی چادر تصور کیا جا سکتا ہے۔

8.4 متعدد قطبین مثین میں شالی اور جنوبی قطبین کے ایک جوڑے کا پیدا کردہ یک سمت برقی دباو مساوات درے گی جہال قطبین کے ایک جوڑے پر میکانی سمت کار کے دندوں کی تعداد n ہے۔ قطبین کے زیادہ جوڑیوں سے حاصل یک سمت برقی دباو کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑا جا سکتا ہے۔

8.3. قوت مسرور الله عند الله ع



#### 8.3 قوت مروڑ

یک سمت مشینوں کا امالی برقی دباو اور قوت مروڑ خلائی درز میں مقناطیسی دباو کی صورت پر منحصر نہیں ہوتا ہے۔

توی کھیے کے آری دندان نما مقناطیسی دباو (شکل 8.9) کا بنیادی فوریئر جزو<sup>5</sup> درج ذیل ہو گا۔

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

یک سمت مثین میں ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو آلیں میں عمودی ہوتے ہیں لہذا ان میں قوت مروڑ مساوات 5.103 کے تحت درج ذمل ہو گا۔

(8.8) 
$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

مثال 8.1: دو قطب، بارہ دندی میکانی سمت کار کے یک سمت جزیئر میں ہر قوی لچھا ہیں چکر کا ہے۔ایک لچھے سے 8.1 دو قطب، بارہ دندی میکانی سمت کار کے یک سمت جزیئر 3600 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔

• جزیر کے یک سمت برقی دباو میں غیر مطلوبہ لہر کل برقی دباو کا کتنا فی صد ہو گا؟

fundamental Fourier component<sup>5</sup>

باسے. کی سمت رومشین

• یک ست برقی دباو حاصل کریں۔

عل:

• مساوات  $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$  مساوات  $\frac{2}{n} \times 100 = 16.66$  مساوات و خیر مطلوبه لهر

• جزیئر کی رفتار  $60=\frac{3600}{60}$  ہر ٹڑ ہے یوں مساوات 8.4 سے یک سمت برقی دباو درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$e = \frac{12}{2} \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 1999.82 \,\text{V}$$

П

### 8.4 بيروني بيجان اورخود بيجان يك سمت جنرير

برونی ہیجانے 6 یک سمت جزیر کے میدانی کچھے کو بیرونی یک سمت برتی دباو فراہم کیا جاتا ہے جبکہ نود ہیجانے 7 یک سمت جزیر کے میدانی کچھے کو جزیر کا اپنا (قوی کچھے کا) محرک برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے۔یک سمت جزیر کی کارکردگی اس کو بیجان کرنے کے طریقے پر مخصر ہوتی ہے۔

شکل 8.10-ا میں قوی کیچے 8 اور میدانی کیچے 9 کو آپس میں عمودی بنایا گیا ہے۔یوں یاد رہنا ہے کہ ان کیچھوں کے پیدا کردہ مقناطیسی دباو آپس میں عمودی ہیں۔یہاں قوی کیچے کی صورت میکانی سمت کارکی طرح بنائی گئی ہے۔

میدانی اور قوی کچھوں کے مقناطیسی دباو آپس میں عمودی ہیں جس سے ہم اخذ کر سکتے ہیں کہ ایک کچھے کا برقی دباو دوسرے لچھے کے برقی دباو پر اثر انداز نہیں ہو گا۔یوں مقناطیسی قالب کے کسی ایک رخ سیر ابیت، اس رخ کے عمودی دوسرے رخ کی سیر ابیت پر اثر انداز نہیں ہو گا۔

separately excited<sup>6</sup>

self excited<sup>7</sup> armature coil<sup>8</sup>

field coil<sup>9</sup>



شكل 8.10: بير وني بيجان اور خو د بيجان يك سمت روجزيرً ـ



شکل 8.10-ا میں بیرونی بیجان مشین کے میدانی کچھے کو بیرونی یک ست برقی طاقت مہیا کی گئی ہے۔میدانی کچھے کا برقی رو تبدیل کر کے میدانی مقناطیسی دباو m میدانی مقناطیسی بہاو m اور کثافت مقناطیسی بہاو m تبدیل کے جا سکتے ہیں۔یوں جزیڑ کا محرک برقی دباو مساوات 8.1 کے تحت تبدیل کیا جا سکتا ہے یا موٹر کی قوت مروڑ مساوات 8.8 کے تحت تبدیل کیا جا سکتا ہے یا موٹر کی جا سکتی ہے۔

برقی رو کے بڑھنے سے قالب کی سیر ابیت شکل 8.11 میں واضح ہے۔ قالبی سیر ابیت کی بنا برقی رو بڑھاتے ہوئے ابتدائی طور محرک برقی دباو اور میدانی لچھے کا برقی رو راست متناسب ہوں گے جبکہ زیادہ برقی رو پر ایبا نہیں ہوگا۔ شکل - ب کی تر سیم مشین کے کھلے سر معائنہ سے حاصل کی جاستی ہے۔ شکل - ب میں محرک برقی دباو کو  $e_0$  کی جائے  $e_0$  کھے سے ایک معین رفتار  $e_0$  کی سے کہ حاصل کیا گیا ہے۔ کسی دو سری رفتار کی پر محرک برقی دباو  $e_0$  کے حصول کے لئے مساوات 8.4 کی مدد سے

(8.9) 
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

لکھ کر

$$(8.10) e_q = \frac{\omega}{\omega_0} e_{q0}$$

l

$$e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں رفتار کو چکر فی منٹ <sup>10</sup> میں (بھی) لیا گیا ہے۔ یاد رہے کہ یہ مساوات صرف اس صورت درست ہوں گے جب مقناطیسی میدان تبدیل نہ ہو۔

شکل 8.10 بیں خود بیجان مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی کچھے متوازی جڑے ہیں۔ اس طرح جڑے جزیر کو خود بیجائ متوازی جڑا المجزیر کہتے ہیں۔ میدانی کچھے کے ساتھ ایک مزاحمت سلسلہ وار جڑی ہے۔ اس مزاحمت کو تبدیل کر کے میدانی برقی رو تبدیل کیا جاتا ہے جس سے، بالکل بیرونی بیجان مشین کی طرح، جزیر کا محرک برقی دباو محرک برقی دباو یا موٹر کی قوت مروڑ تبدیل کی جاتی ہے۔ ایک بار بیجان ہونے کے بعد مقاطیسی قالب میں باقی مقاطیسی بہاو رہتا ہے جیسا شکل 8.11 امیں دکھایا گیا ہے۔ یوں میدانی کچھا ہیجان کئے بغیر جزیر کچھ محرک برقی دباو کیوں میدانی کے میں صفر میدانی برقی رو پر باقی برقی دباو دکھایا گیا ہے۔

rpm, rounds per minute<sup>10</sup>

parallel connected<sup>11</sup>

<sup>12</sup> آپ ٹھیک سوچ رہے ہیں۔ جزیٹر بنانے کے کار خانہ میں قالب کو پہلی مرتبہ مقناطیس بنانایڑ تاہے ہے۔



شكل 8.12: سلسله واراور مركب جرا خود بيجان جزيرً يـ



شكل 8.13: مركب قريب جراااور مركب دور جرا خود بيجان جزير

خود بیجان جزیٹر ساکن حال سے چالو ہو کر ابتدائی طور پر باقی محرک برقی دباہ پیدا کرے گا جو میدانی کیجھے میں برقی رو پیدا کر کے مقناطیسی میدان پیدا کرتے ہوئے مشین کو ذرا زیادہ بیجان کرتا ہے۔یوں مشین کا محرک برقی دباہ بھی کچھ بڑھ جائے گا۔اس طرح کرتے کرتے جزیٹر جلد پورا محرک برقی دباہ پیدا کرنا شروع کرتا ہے۔یہ سب اسی دوران ہوتا ہے جس میں مشین کی رفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔

شکل 8.12 میں خود بیجان جزیر کے دو مزید اقسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک خود بیجان سلسلہ وار جڑا جزیر اور دوسرا خود بیجان مرکب جزیر میں میدانی اور قوی کچھے سلسلہ وار جڑے ہوتے ہیں۔ مرکب جنریر میں میدانی اور قوی کچھے سلسلہ وار جڑا ہوتا ہے۔ مزید، میں میدانی کچھا دو حصوں پر مشتمل ہوتا ہے۔ ایک حصہ قوی کچھے کے متوازی اور دوسرا سلسلہ وار جڑا ہوتا ہے۔ مزید، متوازی حصہ قوی کچھے کے قریب ہو سکتا ہے یا سلسلہ وار کچھے کی دوسری جانب، دور جڑا ہو سکتا ہے۔ پہلی صورت میں اسے قریب جڑا مرکب جزیر محمد میں اسے قریب جڑا مرکب جزیر مرکب جزیر کھیں مرکب جزیر کھیں اسے قریب جڑا مرکب جزیر میں مرکب جزیر کھیں اسے قریب کا دکھائے گئے ہیں۔

یک سمت موٹر بھی اس طرح پکارے جاتے ہیں۔ یعنی شکل 8.10 کی طرح جڑی دو موٹروں کو بیرونی بیجان موٹر اور خود بیجان متوازی جڑی موٹر کہیں گے۔موٹر میں قوی کچھے کا برتی رو جزیٹر کے برتی رو کا مخالف رخ ہو گا۔ باب. 8 يك سمت رومشين

تمام اقسام کے یک سمت جزیٹر کا میدانی مقناطیسی دباو، جزیٹر کے میدانی کچھے کے چکر ضرب برقی رو کے برابر ہو گا:

شکل 8.10 میں خود بیجان متوازی جڑے جزیٹر کے میدانی کچھے میں برقی رو، اس کچھے کی مزاحمت اور اس کے ساتھ  $R=R_m+R_m'$  مزاحمت کے مجموعہ  $R=R_m+R_m'$  مخصر ہو گا لیعنی  $R=R_m+R_m'$  لہذا خود بیجان متوازی جڑی جزیٹر کے لئے مساوات  $R=R_m+R_m'$  ورج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$\tau_{m,m} = \frac{I_m V}{R_m + R'_m}$$

سلسلہ وار جڑا جزیئر میں میدانی برتی رو جزیئر کے قوی کچھے کا برتی رو ہو گا للذا سلسلہ وار جزیئر کے لئے مساوات 8.12 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$\tau_{m,s} = N_m I_q$$

شکل 8.13 کے مرکب جزیٹر میں میدانی مقناطیسی دباو کے دو ھے ہیں۔اس میں  $N_{mm}$  کپکر کے متوازی جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  اور  $N_{ms}$  کپکر کے سلسلہ وار جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  ہندا اس جزیٹر کے لئے درج ذیل ہو گا۔

(8.15) 
$$\tau_{m.mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$

## 8.5 کی سمت مشین کی کار کردگی کے خط

#### 8.5.1 حاصل برقى دياو بالتقابل برقى بوجھ

مختلف اقسام کے یک سمت جزیٹروں کے برقی دباو بالمقابل برقی بوجھ خطوط شکل 8.14 میں دکھائے گئے ہیں جہاں گھومتی رفتار اٹل تصور کی گئی ہے۔دھرے پر لا گو بیرونی میکانی طاقت جزیٹر کی قوت مروڑ کے خلاف جزیٹر کو گھماتی ہے۔



شکل 8.14: یک سمت جزیٹر کی محرک برقی د باوبمقابلہ برقی بوجھ کے خط۔



شکل 8.15: بیرونی بیجان، متوازی جڑے جزیئر کامساوی برقی دور۔

ان خطوط کو سیجھنے کی خاطر پہلے ہیرونی ہیجان جزیٹر پر غور کرتے ہیں جس کا مساوی برقی دور شکل 8.15-ا میں دیا گیا ہے۔ ہیرونی ہیجان جزیٹر پر برقی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مزاحمت  $R_q$  میں برقی دباو گھٹتا ہے۔ یوں جزیٹر سے حاصل برقی دباو V، جزیٹر کے اندرونی محرک برقی دباو  $E_q$  سے پھھ کم ہو گا:

$$(8.16) V = E_q - I_q R_q$$

برقی بوجھ  $I_q$  بڑھانے سے V مزید کم ہو گا۔ بیرونی بیجان جزیٹر کا خط بہی رجحان ظاہر کرتا ہے۔ حقیقت میں دیگر وجوہات بھی اثر انداز ہوتے ہیں جن کی بنا یہ خط سیدھا نہیں بلکہ جھکا ہوتا ہے۔





شکل8.16: سلسلہ واراور مرکب جنریٹر کے مساوی برقی دور۔

مزاحمت میں برتی دباو گھٹتا ہے۔یوں اس کے میدانی کچھے پر لاگو برتی دباو بھی کم ہو جاتا ہے جس سے میدانی کچھے میں برتی رو گھٹتا ہے۔ اس سے محرک برتی دباو مزید کم ہوتا ہے۔یوں متوازی جڑے جزیٹر کے برتی دباو بالمقابل برتی بوجھ خط کی ڈھلوان بیرونی بیجان جزیٹر کی خط سے زیادہ ہو گی۔

شکل 8.16 میں سلسلہ وار اور مرکب جزیٹر کے مساوی برقی ادوار دکھائے گئے ہیں۔سلسلہ وار جڑے جزیٹر کے میدانی کچھے میں لدے بوجھ کا برقی رو گزرتا ہے۔اس طرح بوجھ بڑھانے سے میدانی مقناطیسی دباو بڑھ کر محرک برقی دباو بڑھاتا ہے۔سلسلہ وار جڑے جزیٹر عموماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حاصل برقی دباو، بوجھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتا ہے۔

مرکب جڑے جزیٹر کی کارکردگی سلسلہ وار اور متوازی جڑا جزیٹر کے نی ہے۔مرکب جزیٹر میں بوجھ بڑھانے سے قوی کچھے کی وجہ سے حاصل برقی دباو میں کمی کو میدانی کچھے کا بڑھتا مقناطیسی دباو پوراکرتا ہے۔یوں مرکب جزیٹر سے حاصل برقی دباو، لدے بوجھ کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتا ہے۔

بیرونی بیجان، متوازی اور مرکب جڑے جزیٹر سے حاصل برقی دباو کو متوازی جڑی کچھے کے برقی رو سے وسیع حدول تک تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

قوی لچھا برقی بوجھ کو درکار برقی رو فراہم کرتا ہے للذا یہ موٹی موصل تارکا بنا اور عموماً کم چکر کا ہوتا ہے۔سلسلہ وار جزیٹر کے میدانی کچھے سے مشین کا پورا برقی رو گزرتا ہے للذا یہ بھی موٹی موصل تارکا بنا ہوتا ہے۔باقی مشینوں



شكل 8.17: يك ست موٹر كے ميكاني بوجھ بالقابل و قار خطوط۔

کے میدانی کچھوں میں پورے برقی بوجھ کا چند فی صد برقی رو گزرتا ہے للذا یہ باریک موصل تار کے بنائے اور عموماً زیادہ چکر کے ہوتے ہیں۔

#### 8.5.2 رفتار بالمقابل قوت مرورُ

یباں بھی شکل 8.15 اور شکل 8.16 سے رجوع کریں البتہ ان اشکال میں برقی رو کے رخ الٹ کر دیں۔ یک سمت موٹر بھی جزیٹر کی طرح مختلف طریقوں سے جڑے جاتے ہیں۔موٹر کو معین بیرونی برقی دباو دی جاتی ہے جہاں سے یہ برقی رو جاہر سے قوی کچھے میں داخل ہوتا ہے للذا ان کے لئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$V = E_q + I_q R_q$$

$$I_q = \frac{V - E_q}{R_q}$$

بیرونی بیجان اور متوازی جڑی موٹروں میں میدانی کیھے کو بر قرار معین بیرونی برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے المذا میدانی مقاطیسی بہاو پر میکانی بوجھ کا کوئی اثر نہیں ہوتا ہے۔ بڑھتا میکانی بوجھ اٹھانے کی خاطر، مساوات 8.8 کے تحت، قوی کیھے کا مقاطیسی بہاو بڑھنا ہو گا۔ یہ تب ممکن ہو گا جب قوی کیھے میں برقی رو بڑھے۔ مساوات 8.17 ہے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کیھے کا محرک برقی دباو  $E_q$  گاٹھنے ہے  $I_q$  بڑھے کے المذا موٹر کی رفتار پر منحصر ہے المذا موٹر کی رفتار کم ہو جائے گی (مساوات 8.4)۔ یوں جیسا شکل 8.17 میں دکھایا گیا ہے میکانی بوجھ بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہوتی ہے۔

متوازی جڑی یا بیرونی ہیجان موٹر تقریباً مستقل رفتار برقرار رکھتی ہے۔اس کی رفتار بے بوجھ حالت سے پوری طرح بوجھ بردار حالت تک تقریباً پانچ فی صد گھٹی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی کچھے کا برقی رو تبدیل کر کے تبدیل کی جاتی ہے۔میدانی کچھ کے ساتھ سلسلہ وار جڑی مزاحت تبدیلی کر کے میدانی کچھے کا برقی رو تبدیل کیا جاتا ہے۔یوں ان کی رفتار وسیع حدول کے پچ تبدیل کرنا ممکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بیرونی برقی دباو تبدیل کر کے بھی رفتار قابو کی جاسکتی ہے۔اییا عموماً قوی برقیات کی مدد سے کیا جاتا ہے۔

ساکن حال سے چالو کرتے ہوئے لھے کی قوت مروڑ اور زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ، ان موٹروں کے قوی کچھے تک برقی رو پہنچانے کی صلاحیت پر منحصر ہوتی ہے جو ازخود میکانی سمت کار پر منحصر ہو گا۔

یہاں اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بوجھ سلسلہ وار جڑی موٹر کی رفتار خطرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔سلسلہ وار موٹر کو استعال کرتے وقت اس بات کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحہ بوجھ بردار رہے۔

ساکن موٹر چالو کرتے وقت  $I_q$  زیادہ ہو گا المذا زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا ہو گا۔یوں چالو کرتے وقت موٹر کی قوت مروڑ خاصی زیادہ ہو گی۔ یہ ایک اچھی خوبی ہے جس کی بنا بوجھ بردار ساکن موٹر کو چالو کرنا آسان ہوتا ہے۔

مرکب موٹروں میں ان دو اقسام کی موٹروں کے خواص پائے جاتے ہیں۔جہاں بوجھ بردار موٹر چالو کرنا ضروری ہو لیکن رفتار میں سلسلہ وار موٹر جتنی تبدیلی منظور نہ ہو وہاں مرکب موٹریں کارآمد ثابت ہوتی ہیں۔

مثال 8.2: ایک 75 کلو واٹ، 415 وولٹ اور 1200 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلنے والی متوازی بڑی یک سمت موٹر کے قوی کچھے کی مزاحمت 83.2 اوہم ہے۔بوجھ بردار موٹر 1123 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلتے ہوئے 112 ایمپیئر لے رہی ہے۔

- میدانی برقی رو اور توی کھے کا برقی رو حاصل کریں۔
  - موٹر کی اندرونی پیدا کردہ برقی دباو حاصل کریں۔



• اگر میدانی کیچھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے لیکن قوی کیچھے کا برقی رو تبدیل نہ ہو تب موٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟ قالب کی سیر ابیت کو نظرانداز کریں۔

عل:

• شكل 8.18 سے رجوع كريں۔415 وولٹ پر ميدانی لچھے كا برتی رو درج ذيل ہو گا۔

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 \,\mathrm{A}$$

يوں قوی کچھے کا برتی رو  $I_q = I_b - I_m = 112 - 4.988 = 107.012\,\mathrm{A}$  ہو گا۔

• یک سمت موٹر کا اندرونی پیدا کردہ برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

 $E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$ 

اگر میدانی کچھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے تب  $I_m$  درج ذیل ہو گا۔

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{100.2} = 4.1417 \,\text{A}$$

• اگر قوی کچھے کا برقی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھا جائے تب اندرونی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

باب. 8 یک سمت رومشین

• مساوات 8.4 کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کردہ برقی دباو تبدیل نہیں ہوا لیکن مقناطیسی بہاو تبدیل ہوا ہے المذا موٹر کی رفتار تبدیل ہو گی۔ان دو مقناطیسی بہاو اور رفتاروں پر مساوات 8.9 کی طرح درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$

اب چونکہ  $E_{q1}=E_{q2}$  ہے لہذا  $\omega_1\phi_{m1}=\omega_2\phi_{m2}$  ہو گا۔ قالمی سیر ابیت نظرانداز کرتے ہوئے متناطیسی بہاو، میدانی دباو پر منحصر ہو گا جو از خود میدانی برقی رو پر منحصر ہو گا لہذا درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

يوں نئی رفتار

$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{4.988}{4.1417} \times 1123 = 1352.47$$

چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں ہم دیکھتے ہیں کہ میدانی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفتار بڑھتی ہے۔

مثال 8.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ متوازی جڑی یک سمت موٹر کی قوی کچھے کی مثال 3.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ ہے۔میدانی کچھا 1000 مزاحت 0.05 وہم اور میدانی کچھا کی 60 اوہم ہے۔بے بوجھ موٹر کی رفتار 1000 چکر فی منٹ ہے۔میدانی کچھا 2000 چکر کا ہے۔

- جب یہ موٹر 70 ایمپیئر لے ربی ہو اس وقت اس کی رفتار معلوم کریں۔
  - 140 ایمپیئریراس کی رفتار معلوم کریں۔
  - 210 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کریں۔
  - اس موٹر کی رفتار بالمقابل قوت مروڑ ترسیم کریں۔





حل:

• شکل 8.19 میں موٹر دکھائی گئی ہے۔ متوازی میدانی کچھ کے برتی روپر بوجھ کا کوئی اثر نہیں ہوگا۔ للذا میدانی متناطیسی بہاو بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر میں ایک جیسا ہوگا۔ بے باریک سمت موٹر کے قوی کچھے کا برتی رو  $I_q$  قابل نظر انداز ہوتا ہے۔ اس طرح مساوات 8.17 اور مساوات 8.11 سے درج ذیل حاصل ہوں گے۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \text{ V}$$
  
 $I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.916 \text{ A}$ 

يوں 415 وولٹ محرک برقی دباو پر 1000 چکر فی منٹ یا 16.66 چکر فی سینڈ رفتار حاصل ہو گا۔70 ایمپیئر برقی بوجھ پر بھی  $I_m=6.916$  ہو گا جبکہ  $I_q$  درج ذیل ہو گا۔

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 \,\mathrm{A}$$

مساوات 8.17 سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 8.11 سے رفتار (چکر فی منٹ) حاصل کرتے ہیں۔

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}} rpm_0 = \frac{411.8458}{415} \times 1000 = 991.95$$

ہ آئیں ان تمام کو 
$$I_b = 140\,\mathrm{A}$$
 کے لئے حاصل کریں۔

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.916 = 133.084 \,\text{A}$$
 
$$E_q = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 \,\text{V}$$
 
$$rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$$

$$\begin{split} I_q &= I_b - I_m = 210 - 6.916 = 203.084 \, \mathrm{A} \\ E_q &= 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 \, \mathrm{V} \\ rpm &= \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83 \end{split}$$

• موٹر میں ضیاع طاقت کو نظر انداز کرتے ہوئے میکانی طاقت فراہم کردہ برقی طاقت کے برابر ہو گی:

$$(8.18) e_q I_q = T\omega$$

 $T_0 = 0\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  یوں پچھلے جزو سے حاصل جوابات کی مدد سے بے بوجھ موٹر کی قوت مروڑ صفر ہو گی لینن  $T_0 = 0\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  جبکہ  $T_0 = 0\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  کیسیئر پر قوت مروڑ کی قیت درج ذیل ہو گی۔

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2 \times \pi \times 16.5325} = 250 \, \mathrm{N \, m}$$

یہاں 991.95 چکر فی منٹ کی رفتار کو 16.5325 ہرٹز لکھا گیا ہے۔ اس طرح درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = 527 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

يه نتائج شكل 8.20 مين ترسيم كئے گئے ہيں۔

# فرہنگ

earth, 95	ampere-turn, 33
eddy current loss, 62	armature coil, 135, 255
eddy currents, 61, 130	
electric field	capacitor, 198
intensity, 10	carbon bush, 181
electrical rating, 59	cartesian system, 4
electromagnet, 135	charge, 10, 141
electromotive force, 61, 142	circuit breaker, 183
electronics	coercivity, 46
power, 211	coil
emf, 142	high voltage, 56
enamel, 62	low voltage, 56
energy, 44	primary, 55
co, 115	secondary, 55
Euler, 20	commutator, 170, 245
excitation current, 52, 60, 61	conductivity, 25
excitation voltage, 61	conservative field, 111
excite, 61	core, 55, 130
excited coil, 61	core loss, 62
	core loss component, 64
Faraday's law, 38, 129	Coulomb's law, 10
field coil, 135, 255	cross product, 13
flux, 30	cross section, 9
Fourier series, 63, 146	current
frequency, 134	transformation, 66
fundamental, 147	cylindrical coordinates, 5
fundamental component, 64	
	delta connected, 94
generator	differentiation, 18
ac, 165	dot product, 15
ground current, 95	
ground wire, 95	E,I, 62

Ohm's law, 26	harmonic, 147
open circuit test, 87	harmonic components, 64
orthonormal, 3	Henry, 40
	hunting, 182
parallel connected, 258	hysteresis loop, 47
permeability, 26	
relative, 26	impedance transformation, 71
phase current, 95	induced voltage, 38, 50, 61
phase difference, 22	inductance, 40
phase voltage, 95	leakage, 187
phasor, 21	induction
pole	motor, 211
non-salient, 144	
salient, 144	Joule, 44
power, 44	
power factor, 22	lagging, 22
lagging, 22	laminations, 31, 62, 130
leading, 22	leading, 22
power factor angle, 22	leakage inductance, 79
power-angle law, 192	leakage reactance, 79
primary	line current, 95
side, 55	line voltage, 95
	linear circuit, 230
rating, 97, 98	load, 99
rectifier, 170	Lorentz law, 141
relative permeability, 26	Lorenz equation, 104
relay, 103	
reluctance, 25	magnetic constant, 26
residual magnetic flux, 46	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 19, 50, 169	intensity, 11, 33
rotor, 37	magnetic flux
rotor coil, 106	density, 33
rpm, 161	leakage, 79
	magnetizing current, 64
saturation, 47	mmf, 30
scalar, 1	model, 81, 211
self excited, 255	mutual flux linkage, 43
self flux linkage, 43	mutual inductance, 43
self inductance, 43	
separately excited, 255	name plate, 98
side	non-salient poles, 181

ف رہنگ

transformer	secondary, 55
air core, 59	single phase, 23, 59
communication, 59	slip, 213
ideal, 65	slip rings, 181, 233
oil, 77	squirrel cage, 236
transient state, 179	star connected, 94
turbine, 181	stator, 37
unit vector, 2	stator coil, 106, 131 steady state, 179
VA, 76 vector, 2 volt, 141 volt-ampere, 76 voltage, 141 DC, 170	step down transformer, 58 step up transformer, 58 surface density, 11 synchronous, 134 synchronous inductance, 188 synchronous speed, 160, 161, 180
transformation, 65	Tesla, 33
Watt, 44 Weber, 33 winding distributed, 144 winding factor, 152	theorem maximum power transfer, 233 Thevenin theorem, 230 three phase, 59, 93 time period, 101, 146 torque, 170, 213 pull out, 182

ئنربنگ 274

بھنور نمابر قی رو،130	ابتدائی
بے بوجھ، 60	جانب،55
	کیچھا، 55
پترى،31،310	ارتباط بهاو،39
پتریال،62	اضافی
پیش زاویه ،22	زاویائی رفتار،216
	اکائی سمتیه ، 2
تاخيري،80	امالی
تاخیر ی زاویه ،22 مربر قدمه تام	برتی د باو، 50
تار کابر قي د باو، 95	اماله،40
تار کابر تی رو، 95	رىتا،187
تانبا، 28	امالى برتى دباو، 38، 61
تبادله رکاوٹ،71	ایک، تین پتریاں، 62
ر دوث ۱۱/ تختی ،98	ايمپيئر-چكر، 33
ن،98 تعدد،134	
عدد،134 تعقب،182	بار، 141
- منتب، 182 - تفرق، 18	بر قرار چالو، 101، 179
سرن،18 جزوی،18	ىرق گىير،198
برون. تکونی جوڙ،94	برقیات
ون.ور.بهر توانائی،44	قوى، 211
ورون. ہمہ،115	برقي بار،141،10
برين دوري، 93،59	بر تی د باو، 28، 141
, c c , <b>0</b> , , , , o	تبادِله،65،56
ٹرانسفار مر	محرب 142
برُ قي د باووالا، 59	يجاني، 189
بوجھ بردار،68	يك سمت،170
تيل،77	بر ټیرو،28
خلائی قالب،59	بصنور نما، 130
د باوبرِ هاتا، 58	تبادله،66 گ
د باوِ گھٹاتا،58	يجان انگيز، 52
ذرائع ابلاغ، 59	ىرتى ئىت.59 
رووالاء59	بر فی میدان،10 شد 20.10
كال 65،	شرت،10،28 لا 181
ئىلا،33	بش، 181 مارين 27
ھنڈی تار،95	بناوٹ، 87 بنیاد کی جزو، 147،64
55 11 130	بيون برومه ۱47،04،7 پوچه، 99
ثانوی جانب، 55	. بوره به جود بهنی، 117
جاول،44	۶ کار ۱۱۲ جعنور نما
غون، 44 جزو	بور س بر تی رو، 61
برو پھيلاو،152	رن (17.9 ضیاغ،62
10200.	02. <b>0</b>

<u>ـــرہگ</u>ــــ

95. رئي برق روي و رئي و		
عاني رئي رئي روردي المنطقة ال	زاويه جزوطاقت،22	جزوطاقت، 22
المراد ا		
الم برال و 105 ما كول الم 106 ما كول الم 106 ما كول الم 131 ما 106 ما كول الم 131 ما 106 ما كول الم 131 ما 106 ما كول الم الم 132 من الم الم 131 من الم الم 131 من ا		
المن المناه الم	زيلني تار،95	<i>جزير</i>
المناده المنا	27 . 5	
عاره نهاجو در مها		<i>is</i> .
المرابعة ا		
الله 181، عالى الله 130 الله الله 185، كان من الله 130، كان من الله 170، كان		94(108)1
المرقى من المنان المنا	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	چرخاب،181
ال المناق المنا		چکر نی منٹ،130
ال 150،03 مارض، 179، مال المدادار، 150، 179 مال المدادار، 170، 245 مارض، 179، مت المدادار، 170، 245 مرتبال المرادار، 170، 230 مرتبال المرادار، 170، 258 مرتبال المرادار، 170، 258 مرتبال المرادار، 182 مرتبال المرادار، 182 مرتبال المرادار، 183 مرتبال المرادار، 190، 183 مرتبال المرادار، 183		پولى،215
المناد وارد في المناد ورد في المناد وارد وارد وارد وارد وارد وارد وارد وا		دال .
245.00       است کار، 170         170، تا		عل ضي ، 179
المحتوان ال		
روار تباط بهاو، 230، ودار تباط بهاو، 230، ودار تباط بهاو، 230، ودار تباط بهاو، 24 مودى اكانى، 3 مودى اكانى، 3 مودى اكانى، 43 مودى اكانى، 43 مودى المالية، 258 مناسبة، 258 من		
ودار تباط بهاو، 18 موری اکائی، 3 میر است، 47 منز این الله الله الله 13 منز این الله 13 منز این الله 13 منز این الله 13 منز این الله 13 منز		•
وداماله، 43 متى د فار، 104 فار مار 104 فار 104 فار 104 فار 125 فار 104 فار 125 فار 12		
اظلى يَجَان عبر ابيت، 47 عبر ابيت، 258 متوازى، 258 متوازى، 258 متوازى، 258 مترب صليبى، 32 ورشامر كب، 258 ورشام كب، 258 ورشام كب، 258 ورشام، 180 ورشام كب، 258 ورشام، 190 عددى تراش، 9 عددى تراش، 9 متا الد، 79 الد، 79 متا الد، 79 متا الد، 210 متا متعالمية، 79 متا متعالمية، 221 متا متعالمية، 210 متا متا متعالمية ورسامية متا متا متعالمية ورسامية متا متا متعالمية ورسامية متا متا متعالمية ورسامية		
ا کی پیجان سلسله دار، 258 متران ، 258 مرکب، 258 مرکب، 258 در جزامر کب، 328 در جزامر کب، 348 در جنامر کب، 348 در جنامر کب، 183 در جنامر کب، 1902 در جنامر کب، 1903 در جنامر کب، 1903 در جنامر کب، 1903 در جنامر کب، 1903 مناملہ، 79 ستا ملد، 79 ستا ملد، 79 ستا ملد، 79 ستا مناملہ تا متعالمیت، 210 فیر معاصر، 182		خوداماله، 43
عرب المسلد وار، 258 فرب متوازی، 258 فرب متوازی، 258 فرب متوازی، 258 فرب صلیبی، 13 فقط، 15 فقط، 15 فتط، 258 فرب صلیبی، 258 فرب تراخر، 258 فرب تراخر، 259 فرب تراخر، 259 فربی ت	سيرابيت،47	داخلي بيجان
عرب صليبى، 258 ور جزامر كب، 258 ور شكن، 183 ور شكن، 183 ورى سمته، 190،21 ورى عرصه، 146،101 عنالم 190 عنالم 190 متعالمه 79 ستا متعالمه 210 شتا متعالمه 210 شتا متعالمه 210	ض .	
عرب صليبي، 13 ورجزامر كب، 258 ورشان، 183 ورشان، 183 ورئ سمتي، 190،21 ورئ سمتي، 190،21 ورئ عرصه، 146،101 ستا الله، 79 ستا مليه، 79 ستا منعامليت، 122 منابل الريائي، 182	رب نقطه،15	
ورجُرام رَب 4258 ورغني 183، 183 وري سمتيه 190،21 وري سمتي 190،21 وري عرصه 146،101 الماد 79 الماله 79 متامله 79 متامله 79 متامله 221 متامله 182 فار	ضرب صليبي، 13	
ورى سمتىي ، 190،21 طاقت بالقابل زاويه ، 192 ورى عرصه ، 146،101 طول موجى ، 18 ستا عمودى تراش ، 9 ساله ، 79 سالمة ، 94 متعامله ، 79 سامتعامليت ، 221 فار غير معاصر ، 182		
ورى عرصة، 146،101، طول مونى، 18 شام مونى، 18 شام مونى، 18 شام مونى، 19 شام مونى، 19 شام مونى، 19 شام مونى، 19 شام مونى، 10 شام تعامليت، 221 شام تعامليت، 182 شام فير معاصر، 182 شام فير معاصر، 182 شام فير معاصر، 216 شام فير		
ستا معودی تراش، 9 اماله، 79 متعامله، 79 ستامتعاملیت، 221 شتامتعاملیت، 182 فتار غیر معاصر، 182 اضافی زادیائی، 216		
الله، 79 متعامله، 79 ستامتعاملیت، 221 شار غیر معاصر، 182 فار فیر معاصر، 182 اضافی زادیائی، 216	طول موج،18	دوری عرصه، 146،101
الله، 79 متعامله، 79 ستامتعاملیت، 221 شار غیر معاصر، 182 فار فیر معاصر، 182 اضافی زادیائی، 216	عمودې تراش ي	ربتا
متعامله، 79 ستامتعاملیت، 221 فتار غیر معاصر، 182 اضافی زادیائی، 216		اماله،79
فمار فمار غير معاصر، 182 اضافی زاديا کی، 216		متعامله، 79
اضافی زاویا کی ، 216		رستامتعامليت، 221
_ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	غير معاصر ،182	ر فآر
وريبر، 62	254 4 1	•
02.0 )		رو <sup>ع</sup> ن،62
		روک،232 افغه نیر . 11 211
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		رياضى نمونە، 211،81 ريلے، 103
103/2	127.30.030	رچے،103
اويائي فرق،22	قالب،130	زاويائي فرق،22

محدد	قالبي ضياع، 62
كار تيسي،4	64.9%
ىكى، 5	قانون
محرک برتی د باو، 61	اوټم ،26
محوري	كولمب،10
لىبائى،166	لورينز، 141
مخلوط عدد ،196	قدامت پیند میدان، 111
مر کب جزیٹر، 258	قریب جڑامر کب،258
مزاحمت،25	قصر دور ، 39
مزاحمت بيا، 241	قطب
مساوات لورينز،104	ابحرے،184،184
مسئلہ	بموار،144،181
تھونن،230	<b>قوت مر وڑ،213،170</b>
زیادہ طاقت کی <sup>منتق</sup> لی ، 233	انتہائی،182
مشتر كه ارتباط اماله ، 43	قوى برقيات، 245
مشتر كه اماليه، 43	قوى <u>لىچ</u> ے،255
معاصر،134	*
مشين،180	كاربن بش، 181
معاصر اماليه، 188	کار گزاری،204
معاصرر فتار،160،161،180	كثافت
معائنه کھلاد ور، 87 متناطیس متناطیس	برتی رو، 28
گھلادور،87	كثافت مقناطيسي بهاو
مقناطيس	بقايا،46
برتی،135	•
چال کادائره، 47	گرم تار،95
خاتم شدت،46	گومتاحصه، 37
مقناطیسی بر قی رو،64	گھومتالچھا،106
مقناطيسي بهاو،30	1000
رىتا،79	ليجا
كثافت،33	پىق ابتدائى،55
مقناطيسي چال، 52	بيرون. ي <u>صل</u> ے،144
مقناطیسی دیاو، 30	نين ار ، 41 چيورار ، 41
رخ،146	ئىچىراد- ئانوى، 55
مقناطیسی قالب، 55،31	رځ،137
متناطيسي متقل،171،26	زیاده برقی د باو،56 زیاده برقی د باو،56
31,26,9%	مورون ميرون ساكن، 106
برو،31،20 مقناطیسی میدان	تىن،00،6 قى،135
مفعاً به مامیدان شدت،33،11	ون. کم بر تی د باو، 56
سنت 35،11، موٹر	بر <b>ن</b> روار دوران گومتا، 106
مور امالي، 211	مورن،135 میدانی،135
Z11'00	ميدان، د د ۱

ف رہنگ

بيجان انگيز	پنجره نما،236
بر تی د باو، 61	موژ،19،50
بر تی رو، 61	موثر قیت،169
ہیجابٰا نگیز برقی رو،60	موسيقائي جزو،64،147
ىيجانى بر تى د باو، 189	موصلیت، 25
	ميداني لچھے،255
يک دوري، 59،23	
يك دوري بر تي د باو، 95	واث،44
يك دوري برقي رو،95	وولٹ، 141
یک ست رو	وولٹ-ایمپیئر،76
مشین، 245	ويېر، 33
يولرمساوات،20	ويبر- چکر، 39
	<sup>بې</sup> کيابث، 30،25
	ىپ
	يېښون. 255
	255.0 <i>5</i> 2.
	لچھا، 61