# برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

تاریخ در نگی: 12 مئی <u>2020</u>

# عنوان

ix		ديباچه
1	عا كنّ	1 بنیادی<
1	ينيادى اكائياں	1.1
1	غيرستى	1.2
2	سمتير	1.3
3		1.4
3	1.4.1 كار تىبى محددى نظام	
5	1.4.2 نگلی محددی نظام	
7	سمتيررقبر	1.5
9	ر قبه عمودی تراش	1.6
10	برقی اور مقناطیسی میدان	1.7
10	1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت	
11	1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت	

iv

11	سطحی اور تحجی کثاف <b>ت</b>	1.8	
11	1.8.1 سطی کثافت		
12	حجى ڭافت	1.9	
13	صلیبی خرب اور ضرب نقطه	1.10	
13	1.10.1 صلیبی ضرب		
15	1.10.2 نقطی ضرب		
18	تفرق اور جزوی تفرق	1.11	
18	خطی تکمل	1.12	
19	سطح تکمل	1.13	
20	دوری سمتیہ	1.14	
25	) اد وار	مقناطيسو	2
<ul><li>25</li><li>25</li></ul>	ماد وار مز احمت اور پیچکیا ہٹ	, -	2
25	····•	2.1	2
<ul><li>25</li><li>26</li></ul>	مزاحمت اور نیکچابٹ	2.1	2
<ul><li>25</li><li>26</li><li>28</li></ul>	مزاحمت اور نیچکیا پٹ	2.1	2
25 26 28 30	مزاحمت اور نیکچابث کثافت بر تی رواور برتی میدان کی شدت برتی ادوار متناطبیسی دور حصد اول	<ul><li>2.1</li><li>2.2</li><li>2.3</li></ul>	2
25 26 28 30 32	مزاحمت اور نیجگیا پت کثافت ِ برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِ مقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شدت	2.1 2.2 2.3 2.4	2
25 26 28 30 32 34	مزاحمت اور آنچکوابت کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2
25 26 28 30 32 34 38	مزاحمت اور نیجگیا په بل کثافت برتی رواور برتی میدان کی شدت برتی او وار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِمتناطیسی بهاواور متناطیسی میدان کی شدت متناطیسی دور حصه دوم	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2

عـــنوان

	1	ٹرانسفار	3
	ٹرانسفار مرکی اہمیت	3.1	
	ٹرانسفار مرکے اقسام	3.2	
	امالى برقى د باو	3.3	
	ميجان انگيز برقى رواور قالبى ضياع	3.4	
د خواص	تبادله برقی د باواور تبادله برقی روکے	3.5	
	ثانوى جانب بوجھ كاابتدائى جانباژ	3.6	
طلب	ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کام	3.7	
	ر کاوٹ کا تباد لہ	3.8	
	ٹرانسفار مر کاوولٹ-ایمپیئر	3.9	
	ٹرانسفار مر کے امالہ اور مساوی ادوار	3.10	
اس کی متعامله علیحده کرنا	3.10.1 کچھے کی مزاحمت اور ا		
	3.10.2 رِستالماليد		
ب کے اثرات	3.10.3 ثانوى برتى رواور قالى		
	3.10.4 ثانوى كچھے كالمالى برقى		
ت اور متعاملہ کے اثرات	3.10.5 ثانوی کچھے کی مزاحمت		
نوی جانب تبادله	3.10.6 ر كاوٹ كاابتدا كى ياثان		
ترین مساوی اد دار	3.10.7 ٹرانسفار مر کے سادہ		
	كطيے د ور معائنه اور كسر د ور معائنه	3.11	
	3.11.1 كىلادورمعائنە .		
	3.11.2 كسردور معائنه .		
	تین دوری ٹرانسفار مر	3.12	
لى بر قى رو كاگزر	ٹرانسفار مر جالو کرتے لمحہ زیادہ محر ک	3.13	

vi

ميكاني توانائي كا باجمي تبادله	بر قی اور	4
متناطبيسى نظام ميں قوت اور قوت مر وڑ	4.1	
تبادله توانائی والاا یک کچھے کا فظام	4.2	
توانائی اور جم - توانائی	4.3	
متعدد کیچھول کامقنا طیسی نظام	4.4	
مثین کے بنیادی اصول ل	گھومتے	5
قانون فيراؤك	5.1	
معاصر مثنین	5.2	
محرک برتی دباو	5.3	
ت كيلي كم اور سائن نمامقنا طيسي د باو	5.4	
5.4.1 برلتارووالے مثین		
مقناطیسی د باو کی گھومتی امواج	5.5	
5.5.1 ایک دورکی لپٹی مثنین		
5.5.2 تين دورکي لپڻي مشين کا تحليلي تجربير		
5.5.3 تين دورکي کپڻي مشين کاتر سيمي تجربير		
محرک برتی دباو	5.6	
5.6.1 برلتاروبر قی جزیئر		
5.6.2 يك ست روبر قى جزيئر		
موار قطب مثينوں ميں قوت مروڑ	5.7	
5.7.1 ميكاني قوت مر وڙبذريعه تركيب توانائي		
5.7.2 ميكاني قوت مروڙ بذريعه متناطيسي بهاو		

vii

6

، بر قرار چالومعاصر مشين	يكسال حال
تعد د دوری معاصر مشین	• 6.1
عاصر مثين كے اماله	• 6.2
6.2.1 خوداماله	_
6.2.2 مشتر كدامالد	2
6.2.3 معاصراماله	}
عاصر مشين كامساوى دوريارياضي نمونه	• 6.3
ر تى طاقت كى شتقلى	6.4
بسال حال، بر قرار چالو مشین کے خواص	£ 6.5
193	-
$I_a$ معاصر موٹر: $I_a$ بالقابل $I_a$ کے خط معاصر موٹر: $I_a$ بالقابل معاصر موٹر: $I_a$ بالقابل معاصر موٹر: $I_a$	2
ملاد وراور کسر دور معائنه	6.6
6.6.1 كىلادورمعائنە	<u> </u>
6.6.2 كىر دور معائنة	2

209	امالی مشین	7
ما کن کچھوں کی گھومتی متناطبیسی موج بریں ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	7.1	
شین کاسر کاواور گھومتی امواج پر تبصرہ	7.2	,
ما کن کچھوں میں امالی برقی دیاو	7.3	
اکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیداامالی برقی دیاو	7.4	
ومنع کیچھوں کی گھومنے مقناطیسی دیاو کی موج	§ 7.5	
ومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے ۔	7.6	1
الى موثر كامساوى برقى دور	ر. 7.7	'
سادى برتى دورېرغور	· 7.8	1
لى موثر كامساوى تقونن دوريارياضى نمونه		
نجره نماامالي موشر	7.10	١
بے بوچھ موٹراور جامد موٹر کے معائنہ	- 7.11	
7.11. بي بي هي موڙ کاموائند	l	
بالد موثر كامعائد	2	
ومثين 243	یک سمت ر	8
يكانى ست كار كى نيادى كار كردگى	8.1	
. 8.1 ميكاني ست كاركي تفصيل	l	
ب ست جزیثر کابر تی دیاو	8.2	•
يت بروز	8.3	
ر و نی بیجان اور خود بیجان یک ست جزیر گر	÷ 8.4	
ب ست مشین کی کار کر د گی کے خط	£ 8.5	
8.5. حاصل برتی دباو بالمقابل برتی بوجھ	l	
8.5.2 رفاربالقابل قوت مرور	2	
267		فر ہنگ

# ديباجيه

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکتان میں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔ دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کر سکتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے تابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں کی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پھھ نہ کر سکتا تھا۔ میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور پول یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں کھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال سکتیکی الفاظ میں استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ سے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی اصطلاحات کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا قوامی نظامِ اکائی استعال کی گئ ہے۔اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

یہ کتاب Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نستعلق میں ککھی گئی ہے۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیز نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیز نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری برقیاتی پنۃ

khalidyousafzai@comsats.edu.pk

پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

میں یہاں عائشہ فاروق اور ان کے والد فاروق اعظم کا شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے اس کتاب کو بار بار پڑھا اور جھے مجبور کرتے رہے کہ میں اپنی اردو بہتر کروں۔ میں ڈاکٹر نعمان جعفری کا نہایت مشکور ہوں جنہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطلاح کرنے میں مدد کی۔ حرا خان اور ان کی والدہ عزرا برلاس نے مل کے کتاب کو درست کرنے میں مدد کی۔ یہاں میں اپنے شاگرد فیصل خان کا بھی شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے تکنیکی اصطلاحات چننے میں میری مدد کی۔

میں یہاں کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے الیمی سر گرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفر. ئي

2011 توبر 2011

# باب1

# بنيادي حقائق

اس کتاب میں مستعمل حقائق کو اس باب میں اکٹھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔ توقع کی جاتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توجہ رکھنا زیادہ آسان ہو گا۔

#### 1.1 بنيادي اكائيال

اس كتاب ميں بين الاقوامي نظام اكائي استعال كيا گيا ہے جس ميں كميت 2 كى اكائى كلوگرام، لمبائى كى اكائى ميٹر اور وقت كى اكائى سيكنڈ ہے۔

## 1.2 غيرسمتي

وہ متغیر جس کی مقدار (مطلق قیمت) اس کو مکمل طور پر بیان کرتی ہو غیر سمتے  $^{c}$  متغیر کہلاتا ہے۔ اس کتاب میں غیر سمتی متغیر کو سادہ طرز کی لکھائی میں انگریزی یا لاطینی زبان کے چھوٹے حروف لیعنی  $a,b,\alpha,\cdots$  یا بڑے حروف لیعنی  $A,B,\Psi,\cdots$  یا بڑے حروف لیعنی  $A,B,\Psi,\cdots$ 

International System Of Units, SI<sup>1</sup>

 $\mathrm{mass}^2$ 

scalar3

2 باب1. بنيادي حقائق



شكل 1.1: كارتيسي محد د

#### 1.3 سمتير

وہ متغیر جس کو مکمل طور پر بیان کرنے کے لئے اس کی مقدار (طول یا مطلق قیمت) اور سمت جاننا ضروری ہو، سمتیہ کہ انگریزی یا لاطینی زبان کے چھوٹے یا بڑے حروف، جن کو موٹے طرز کی لکھائی میں لکھا گیا ہو، کا طول ایک کے برابر ہو، اکائی سمتیہ <sup>5</sup> کہلائے گا۔ یہاں شکل 1.1 سے رجوع کرنا بہتر ہو گا۔ وہ سمتیہ جس کا طول ایک کے برابر ہو، اکائی سمتیہ <sup>5</sup> کہلائے گا۔ اس کتاب میں اکائی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے طرز کی لکھائی میں لکھا جائے گا، مثلاً اکائی سمتیہ و کہلائے گا۔ اس کتاب میں اکائی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے لکھتے ہوئے، زیر نوشت میں x، اس بات کی نشاندہی کرتا ہے کہ یہ اکائی سمتیہ خلاء کی تین عبودی سمتیہ کو ظاہر کرتے ہیں۔ اگر کی لکھائی سمتیہ کا طول اور اس کی سمت کو علیحدہ علیحدہ کھنا ہو تو اس کے طول کو ظاہر کرنے کے لئے سادہ طرز کی لکھائی ہوں۔ میں وہی حرف استعال کیا جائے گا جو اس سمتیہ کو ظاہر کرنے کے لئے، موٹے طرز کی لکھائی میں، استعال کیا گیا ہو۔ یعنی سمتیہ کا طول F کے طول کو خاہر کریا جائے گا۔ شکل میں سمتیہ کا طول F، چار کے برابر ہے۔ اگر کی سمتیہ کی سمت میں ایک اکائی سمتیہ بنایا جائے تو یہ اکائی سمتیہ اس سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے دیں، تو تو ہو کا رخ دائیں ہے اللہ سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ شکل 1.1 میں قوت F کا رخ دائیں ہے اللہ بات کی یاد دہائی کرتا ہے۔ میں گو سے گارخ دائیں ہے للہ کہ بابر ہوں گے۔

vector<sup>4</sup> unit vector<sup>5</sup> 1.4. محسد د



شكل 1.2: دائين ہاتھ كانظام۔

#### 1.4 محدد

الیا طریقہ جس کے ذریعہ کسی نقطہ کا مقام متعین کیا جاسکے محدد کہلاتا ہے۔

خلاء تین بعدی (تین طرفہ) 6 ہے المذاکسی ایک نقطہ کے مقام کو تین محدد کی مدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اسی طرح خلاء میں سمتیہ کو تین عمودی اکائی سمتیوں کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔اب ہم ایسے چند محدد کے نظام دیکھتے ہیں۔

#### 1.4.1 كار تيسى محددى نظام

شکل 1.1 میں خلاء کی دو سمتوں کو اکائی سمتیات  $a_{\rm X}$  اور  $a_{\rm y}$  سے ظاہر کیا گیا ہے جو آپس میں عمودی ہیں، لیعنی، ان کے بی  $00^{\circ}$  وزاویہ ہے۔خلاء تین بعدی ہے لہذا اسے تین آپس میں عمودی اکائی سمتیائے  $00^{\circ}$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان سمتوں کے رخ، طول (لمبائیوں) کو x,y,z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ ان سے بخوبی واقف ہیں۔

وائیں ہاتھ کا انگوٹھا، شہادت کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ  $90^\circ$  زاویہ پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $a_{\rm x}$  اور بڑی انگلی  $a_{\rm y}$  کے رخ ہول تب انگوٹھا  $a_{\rm z}$  کے رخ ہوگا (شکل 1.2)۔ اس کئے تین اکائی سمتیات کا یہ نظام دائیں ہاتھ کا نظام  $^8$  کہلاتا ہے۔

 $\begin{array}{c} {\rm three\ dimensional^6} \\ {\rm orthonormal\ vectors^7} \\ {\rm right\ handed\ coordinate\ system^8} \end{array}$ 

اب 1 بنيادي حسائق



شكل 1.3: كارتيسي محد د نظام ميں ايك سمتيه۔

مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو شکل 1.3 میں دکھایا گیا ہے جس کو کارتیہ محدد میں تین محدد کمیں تین محدد کی مدد سے

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

l

$$(1.2) A = xa_X + ya_Y + za_Z$$

لکھا جا سکتا ہے۔

1.3 کار تنیسی محددی نظام میں متغیر z صفر رکھتے ہوئے x,y تبدیل کرنے سے سطح xy ملتی ہے۔ یوں شکل xy میں محددی نظام میں متغیر xy کو زمین تصور کرتے ہوئے، ڈبے کی بالائی سطح xy جبکہ x کی قیمت صفر تا تین اور xy کی قیمت صفر تا جار ہو گی۔ اس طرح اس ڈبے کی بالائی سطح درج ذبل کھی جائے گی۔

متغیر z کو صفر اور تین کے درمیان ہر ممکن قیت پر رکھ کر x کو صفر اور دو جبکہ y کو صفر اور چار کے درمیان تبدیل کرنے سے شکل 1.3 میں دکھائے گئے ڈبے کا حجم حاصل ہو گا، للذا اس ڈبے کا حجم درج ذیل لکھا

cartesian coordinates<sup>9</sup>

5 1.4. محسد د



شكل 1.4: نلكي محد دي نظام

حائے گا۔

#### 1.4.2 نلكي محددي نظام

مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک سمتیہ A کو شکل 1.4 میں دکھایا گیا ہے جس کو دو سمتیات کی مدد سے  $A = \rho + A_z$ (1.5)

يا

(1.6) 
$$A = \rho a_{\rho} + z a_{Z}$$

$$\lambda = \rho a_{\rho} + z a_{Z}$$

$$\lambda = \frac{2}{2} \sin \theta$$

$$\lambda = \rho \cos \theta, \quad y = \rho \sin \theta$$

ہے۔ یوں خلاء میں کسی بھی نقطہ کو اس کے تین متغیرات ho, heta, z سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔

وہ نظام جس میں متغیرات ho, heta, z کسی نقطہ کو متعین کرتے ہوں نلکھ محدد $^{10}$  کہلاتا ہے۔ یہاں شکل  $^{20}$  سے cylindrical coordinates  $^{10}$  باب ١. بنيادي حسائق



شكل 1.5: نلكى نمامحد د كى تعريف

رجوع کریں۔ نکی محددی نظام کے تین آپس میں عمودی اکائی سمتیات  $a_{
ho}, a_{ heta}, a_{
ho}$  ہیں۔ یہ نظام بھی دائیں ہاتھ کا نظام ہے لئیں آپس میں عمودی اکائی سمتیات  $a_{
ho}, a_{ heta}, a_{
ho}$  ہوئے اگر نظام ہے لہذا دائیں ہاتھ کا انگو ٹھا، شہادت کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ  $a_{
ho}$  پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $a_{
ho}$  کے رخ ہوں تب انگو ٹھا  $a_{
ho}$  کے رخ ہوگا۔

سطے xy میں مبدا پر، محدد x کے ساتھ  $\theta$  زاویہ پر اکائی سمتیہ  $a_{\rho}$  ہو گا۔ سطے xy میں مبدا پر اکائی سمتیہ  $a_{\theta}$  معودی، بڑھتے  $\theta$  رخ، اکائی سمتیہ  $a_{\theta}$  ہو گا۔ کارتیسی محدد کی نظام کا اکائی سمتیہ  $a_{Z}$  بی نگی محدد کا اکائی سمتیہ  $a_{Z}$  ہے۔

واضح رہے کہ نکی محدد کے نظام میں  $a_{
ho}$  اور  $a_{ heta}$  کی سمتیں ہر نقطہ پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل 1.6 میں دکھایا گیا ہے۔

مستوی xy میں (یعن z=0 لیتے ہوئے) مبدا پر مستقل رداس  $\rho=\rho_0$  کے سمتیہ کو صفر زاویہ پر رکھ کر زاویہ بتدر تک z=0 تک بڑھانے سے سمتیہ کی چونج مستوی z=0 میں ایک دائرہ پر چلتی ہے (شکل 1.7)۔ اب اس سمتیہ کے متغیر z=0 و تبدیل کرنے سے، مثلاً ہر z=0 پر z=0 و صفر تا تین کرنے سے، یہ سمتیہ ایک نکلی بنائے گا۔ اسی وجہ سے اس نظام کو نکلی محدد کہتے ہیں۔ سمتیہ کے تینوں متغیرہ تبدیل کرنے سے نکلی کا حجم ملے گا۔ اگلی تین

7 1.5 سمتيەرقس



شكل $a_{
ho}$ : نكى محد دمين اكائى سمتيات  $a_{
ho}$ اور  $a_{
ho}$  بر نقطه پر مختلف ہيں۔

مساوات ان حقائق کو پیش کرتی ہیں۔

(1.7) 
$$\delta \dot{\beta} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ z = 0 \end{cases}$$

سطح پر کھڑا اکائی سمتیہ سطح کا رخ دیتا ہے (شکل 1.8)۔ چونکہ کسی بھی سطح کے دواطراف ہوتے ہیں للذا اس کے دو مخالف رخ بیان کیے جا سکتے ہیں۔عموماً مسلم کو مد نظر رکھتے ہوئے ان میں سے ایک رخ کو سطح کا رخ تصور کیا جاتا 8 باب، بنيادي حت أق



شکل 1.7: نلکی محد د میں دائر ہاور نلکی



$$\mathbf{A}_1 = A_1 \mathbf{a}_{A1} = wl\mathbf{a}_z$$
$$\mathbf{A}_2 = A_2 \mathbf{a}_{A2} = wh\mathbf{a}_y$$

شكل 1.8: سمتيه رقبه كاتعارف

ہے۔ البتہ بند سطح، مثلاً گیند، کے بیرونی رخ کو ہی سطح کا رخ تصور کیا جاتا ہے۔ شکل 1.8 میں بالائی سطح  $A_1$  کا رقبہ  $A_2$  اور اس کا رخ  $a_2$  ہے لہذا  $A_1$  سمتیہ کا طول  $A_1$  اور رخ  $a_2$  ہو گا:

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_{Z}$$

يوں بالائي سطح کا سمتی رقبہ درج ذیل ہو گا۔

$$\mathbf{A_1} = A_1 \mathbf{a_{A1}} = w l \mathbf{a_z}$$

ای طرح دائیں سطح  $A_2$  سمتیہ کا طول  $A_2$  اور اس کا رخ  $a_{A2}$  ہے

$$A_2 = wh$$

$$a_{A2} = a_{y}$$

للذا درج ذيل هو گا۔

(1.11) 
$$A_2 = A_2 a_{A1} = wha_y$$

1.6 رقب عب ودي تراسش



شكل 1.9:رقبه عمودي تراش

نجی سطح کا رقبہ  $A_3=w$  اور اس کا رخ  $a_z$  کے مخالف ہے لہذا درج ذیل ہو گا۔

(1.12) 
$$A_3 = A_3 a_{A3} = wl(-a_z) = -wla_z$$

دھیان رہے کہ رقبہ کی مقدار ہر صورت مثبت ہو گی البتہ اس کا رخ مثبت یا منفی ہو سکتا ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتیہ کے لئے درست ہے لہذا کسی بھی سمتیہ کا طول ہر صورت مثبت ہی ہو گا جبکہ اس کا رخ مثبت یا منفی ہو سکتا ہے۔

#### 1.6 رقبه عمودی تراش

سلاخ کی لمبائی کے ساتھ زاویہ قائمہ پر کٹائی کو عمودی تراثی  $^{11}$  کہتے ہیں اور عمودی تراش کے رقبہ کو رقبہ عمودی تراثی  $^{12}$  کہتے ہیں۔ شکل 1.9 میں سلاخ کی لمبائی  $^{12}$  رخ ہے اور رقبہ عمودی تراش  $^{12}$  کی مقدار  $^{12}$  ہے

$$(1.13) A = wh$$

لهذا رقبه عمودی تراش کا رخ  $a_{
m y}$  ہو گا:

$$a_A = a_y$$

شکل 1.9 میں اکائی سمتیات  $a_y$  اور  $a_z$  د کھائے گئے ہیں جن کے ابتدائی نقاط پر گول دائرہ میں بند ایک نقطہ د کھایا گیا ہے۔ گول دائرہ میں بند نقطہ صنحہ کے عمودی (کتاب سے باہر) رخ  $a_x$  ظاہر کرتا ہے جس کے مخالف رخ (صنحہ کے عمودی اندر) کو گول دائرہ میں بند صلیب کی نشان سے ظاہر کیا جائے گا۔

 $<sup>{\</sup>rm cross\ section^{11}} \\ {\rm cross\ sectional\ area^{12}} \\$ 

با\_\_\_1 بنسادی حتسائق 10

# ىرقى اور مقناطىسى مىدان

#### 1.7.1 ىرقى مىدان اورىرقى مىدان كى شدت

کولمھے کے قانور نے <sup>13</sup> کے تحت برقیر مار <sup>14</sup> سے لدے جسموں کے در میان قوت کشش <sup>15</sup> یا قوت دفع <sup>16</sup> ان اجسام پر  $q_1$  بار  $q_1$  ہوتی ہے۔ یوں بار  $q_1$ اور  $q_2$  جن کے درمیان فاصلہ r ہو کے نیچ قوت F درج ذیل ہو گا جہاں  $\epsilon$  18 برقی مستقل ہے۔

(1.15) 
$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

ایک برقی بارے قریب دوسرا برقی بار لانے سے (پہلے اور) دوسرے برقی باریر کشش با دفع کی قوت عمل کرے گی جس کا تغین قانون کولمپ سے ہوتا ہے۔ دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بار سے آہشہ آہشہ دور کرنے سے قوت کشش یا دفع بتدر تئے تم ہوتی ہے جو ایک خاص فاصلے کے بعد تقریباً صفر ہو حاتی ہے اور دوسرا باریہلے بار کے حلقہ اثر سے باہر ہو جاتا ہے۔ یہ حلقہ برقمہ میدارمز کہلاتا ہے۔ برقی میدان کسی ایک باریا متعدد باروں کی وجہ سے ہو سکتا ہے۔

تعریف: کسی بار کے برقی میدان سے مراد بار کے اِرد گرد وہ حلقہ ہے جس میں اس کا برقی اثر محسوس کیا جاتا

برتی میدان میں اکائی مثبت بار پر قوت اس مقام پر برقے میدال کی شدے E E کی مطلق قیت ) دیگا جبکہ اکائی بارپر قوت کا رخ برقی میدان کا رخ دیگا۔ برقی میدان کی شدت کی اکائی وولئے فہر میڑ<sup>20</sup> ہے۔

Coulomb's law<sup>13</sup>

electric charge<sup>14</sup>

attractive force<sup>15</sup> repulsive force<sup>16</sup>

 $<sup>{\</sup>rm charge}^{17}$ 

electric constant, electric permittivity  $^{18}$ 

electric field intensity<sup>19</sup>

 $V/m^{20}$ 

1.8. سطحي اور حجمي كثافت.

قانون کولمب (مساوات 1.15) سے Q بار کے برقی میدان کی شدت کی مطلق قی ت حاصل کرتے ہیں۔بار Q اور اکائی بار (ایک کولمب بار) کے چھ قوتِ کشش یا قوتِ د فع

$$(1.16) F = \frac{Q \times 1}{4\pi\epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شدت کی مطلق قیت ہو گی:

$$(1.17) E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

دو باروں کے مابین قوت کشش یا قوت دفع کا رخ ان کے درمیان کھینچی گئی سیدھی کلیر پر ہو گا۔

### 1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت

متناطیعی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدھے 21 بالترتیب بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طرح ہیں۔ تعریف : کسی مقناطیس کے مقناطیسی میدان سے مراد مقناطیس کے اِرد گرد وہ علقہ ہے جس میں اس کا مقناطیسی اثر محسوس کیا جاتا ہو۔

## 1.8 سطحی اور حجمی کثافت

## 1.8.1 سطى كثافت

اکائی رقبہ کی سطح پر کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی سطح کثافت $^{22}$  کہتے ہیں۔ یوں رقبہ A پر کسی چیز کی کل مقدار  $\phi$  ہونے کی صورت میں اس کی اوسط سطحی کثافت  $\phi$  ہونے کی صورت میں اس کی اوسط سطحی کثافت  $\phi$ 

$$(1.18) B_{b-1} = \frac{\phi}{A}$$

 $\begin{array}{c} {\rm magnetic~field~intensity^{21}} \\ {\rm surface~density^{22}} \end{array}$ 

اب ١٠ بنيادي حسائق

اس مساوات سے

$$\phi = B_{\mathsf{level}} A$$

لکھا جا سکتا ہے جو کسی سطح پر ایک متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہونے کی صورت میں سطح پر متغیرہ کی کل مقدار دیتی ہے۔

غیر یکسال متغیرہ کی صورت میں سطحی کثافت جگہ جگہ مختلف ہو گی۔ ایسی صورت میں اتنے جھوٹے رقبے پر، جس میں متغیرہ کو یکسال تصور کیا جا سکتا ہو، سطحی کثافت

$$(1.20) B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

ہو گی جہاں  $\Delta A$  چھوٹا رقبہ اور  $\Delta \phi$  اس رقبے پر متغیرہ کی چھوٹی مقدار ہے۔ اس چھوٹے رقبہ کو نقطہ مانند کرنے سے نقطی کثافت

$$(1.21) B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

حاصل ہو گی جس کو

$$d\phi = B \, dA$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں نقطی کثافت جانتے ہوئے ایک نقطہ کے چھوٹے رقبہ پر متغیرہ کی کل (چھوٹی) مقدار معلوم کی حاسکتی ہے۔

یوں ایک برتی تار جس کا رقبہ عمودی تراش A اور جس میں برتی روI کی اوسط کثافت ِ برتی رو درج ذیل ہوگی۔  $\rho_{bul} = \frac{I}{A}$  (1.23)

## 1.9 محجمي كثافت

m اکائی حجم میں کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی حجم کافٹ کہتے ہیں۔ یوں اگر کسی چیز کا حجم H اور اس کی کمیت H ہو تب اس کی اوسط ( کمیت ) حجمی کثافت درج ذیل ہو گی۔

$$\rho_{\text{local}} = \frac{m}{H}$$

غیر یکسال کمیت کی صورت میں جم میں مختلف مقامات پر کمیت مختلف ہو گا۔ ایک صورت میں اتنا جھوٹا جم لیتے ہوئے جس میں کمیت کو یکسال تصور کیا جا سکتا ہو، حجمی کثافت درج ذیل ہو گی۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta H}$$

اس چھوٹے جم کو نقطہ مانند بنانے سے درج ذیل نقطی حجمی کثافت لکھی جا سکتی ہے۔

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}H}$$

بول

$$dm = \rho \, dH$$

ہو گا للذا نقطی محجمی کثافت جانتے ہوئے ایک چھوٹے حجم کی (چھوٹی) کمیت حاصل کی جاستی ہے۔

## 1.10 صليبي ضرب اور ضرب نقطه

دو غیر سمتی متغیرات کا حاصل ضرب غیر سمتی متغیر ہوتا ہے جبکہ دو سمتیات کا حاصل ضرب سمتی یا غیر سمتی ہو سکتا ہے۔ان دواقسام کے ضرب پریہاں غور کیا جائے گا۔

#### 1.10.1 صليبي ضرب

دو سمتی متغیرات کا ایسا ضرب جو سمتی متغیر دیتا ہو صلیبی ضربے 23 کہلاتا اور درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

$$(1.28) C = A \times B$$

صلیبی ضرب میں ضرب کے نشان کو صلیب کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کی بنا اس کو صلیبی ضرب کہتے ہیں۔

 $<sup>{</sup>m cross\ product}^{23}$ 

اب ١٠ بنيادي حسائق

حاصل ضرب سمتیہ *C* کی مقدار

(1.29) 
$$C = |C| = |A||B| \sin \theta_{AB}$$
$$= AB \sin \theta_{AB}$$

ہے جہاں  $\theta_{AB}$  ان کے مابین زاویہ ہے۔اس حاصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے حاصل کی جاتی ہے۔ یوں دائیں ہاتھ کا انگوٹھا، شہادت کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ  $90^\circ$  زاویہ پر رکھتے ہوئے، شہادت کی انگلی کو Aکی انگلی کو Aکی رخ رکھنے سے انگوٹھا Cکی انگلی کو سمتیہ A اور بڑی انگلی کو Aکے رخ رکھنے سے انگوٹھا Cکا رخ دیگا۔

#### مثال 1.1: درج ذیل ضرب صلیبی حاصل کریں۔

- $oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{Y}} = oldsymbol{a}_{ ext{Y}} imes oldsymbol{a}_{ ext{Z}} = oldsymbol{a}_{ ext{Z}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} = oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} imes oldsymbol{a}_{ ext{X}} o$
- $oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{
  ho} imes oldsymbol{a}_{ heta} = oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{ heta}$

حل: اس مثال میں سب سمتیات اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے للذا درج ذیل ہوں گے۔

- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$
- $\boldsymbol{a}_{\text{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\text{X}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\text{Y}} = \boldsymbol{a}_{\text{Y}}$  •
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$  •
- چونکہ دونوں سمتیات کے رخ ایک جیسے ہیں لہذا ان کے مابین زاویہ صفر ہو گا۔ صفر زاویہ کا سائن بھی صفر ہوتا ہے،  $\sin 0 = 0$ ۔ یوں ان دو سمتیات کا ضرب صلیبی صفر ہو گا۔  $a_{\rm y} \times a_{\rm y} = (1)(1)\sin 0 = 0$ 
  - $\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}}$  •
  - $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta}$

مثال 1.12 شکل 1.10 میں چار نیوٹن کی قوت F محور سے تین میٹر کی سمتی فاصلہ L پر لاگو ہے جس کی مثال 1.2 شکل میں دی گئی ہے۔اس قوت کی قوت مروڑ حاصل کریں۔ حل: قوت مروڑ T کی تعریف درج ذیل ہے۔  $T = L \times F$ 

کار تیسی نظام میں بیہ سمتی فاصلہ

 $(1.31) L = L\sin\theta a_{X} - L\cos\theta a_{Y}$ 

ہو گا للذا

 $T = (L \sin \theta \mathbf{a}_{X} - L \cos \theta \mathbf{a}_{Y}) \times F \mathbf{a}_{Y}$   $= L \sin \theta \mathbf{a}_{X} \times F \mathbf{a}_{Y} - L \cos \theta \mathbf{a}_{Y} \times F \mathbf{a}_{Y}$   $= LF \sin \theta \mathbf{a}_{Z}$ 

ہو گا جہاں بچپلی مثال کی مدد سے  $a_{
m z}=a_{
m z}$  اور  $a_{
m y} imes a_{
m y}=a_{
m z}$  ہو گا جہاں بچپلی مثال کی مدد سے  $a_{
m z}=a_{
m z}$  اور  $a_{
m y} imes a_{
m y}=a_{
m z}$  اور  $a_{
m z} imes a_{
m z}=12\sin\theta a_{
m z}$  N m

اس مثال میں  $\theta - \sin \alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$  ہوتا ہے لہذا  $\alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$  ہوتا ہے لہذا ہیں مثال میں کو درج ذیل بھی کھا جا سکتا ہے۔

 $T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$  $= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$ 

یمی جواب ضرب صلیبی کی تعریف یعنی مساوات 1.29 اور دائیں ہاتھ کے قانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔

1.10.2 نقطی ضرب

رو سمتی متغیرات کا ایبا حاصل ضرب جو غیر سمتی متغیر ہو نقطی ضربے  $^{24}$  کہلاتا ہے جو درج ذیل لکھا جاتا ہے۔  $C=A\cdot B$ 

 ${\rm dot\ product^{24}}$ 

ابب،بنيادي حتائق



شكل 1.10: كارتيسى نظام ميں قوت مروڑ كاحل

نقطی ضرب میں ضرب کے نشان کو نقطہ کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کی بنا پر اس کا نام نقطی ضرب ہے۔

نقطی ضرب کی مقدار درج ذیل ہو گی

(1.33) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{C} &= \boldsymbol{A} \cdot \boldsymbol{B} \\ &= |\boldsymbol{A}| |\boldsymbol{B}| \cos \theta_{AB} \\ &= AB \cos \theta_{AB} \end{aligned}$$

جہال  $\theta_{AB}$  ان سمتیات کے نیج زاویہ ہے۔

مثال 1.3: مندرجه ذیل نقطی ضرب حاصل کریں۔

$$a_{\mathrm{X}} \cdot a_{\mathrm{X}} - a_{\mathrm{y}} \cdot a_{\mathrm{y}} - a_{\mathrm{z}} \cdot a_{\mathrm{z}} \bullet$$

$$oldsymbol{a}_{ extsf{X}} \cdot oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} \cdot oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} = oldsymbol{a}_{
ho} \cdot oldsymbol{a}_{
ho} \cdot oldsymbol{a}_{
ho} = oldsymbol{a}_{
ho$$

حل: اس مثال میں سب سمتیات اکائی ہیں۔ اکائی سمتیہ کا طول ایک (1) کے برابر ہوتا ہے:

$$a_{x} \cdot a_{x} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{\rm V} \cdot a_{\rm V} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_z \cdot a_z = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{X} \cdot a_{V} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$a_{\rm V} \cdot a_{\rm Z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \cdot \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1 \bullet$$



شكل 1.11: كارتيسي نظام ميں كام

 $a_{\rho} \cdot a_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$ 

مثال 1.4: شکل 1.11 میں قوت F ایک بوجھ کو دھکیل رہی ہے۔ سمتی فاصلہ L طے کرنے پر قوت کتنا کام کر پکی ہوگی۔

حل: کام W کی تعریف درج ذیل ہے۔

$$(1.34) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{L}$$

كار تيسى نظام مين سمتى فاصله

$$(1.35) L = L\cos\theta a_{X} + L\sin\theta a_{Y}$$

ہو گا۔ یوں درج ذیل ہو گا

(1.36) 
$$W = (F\boldsymbol{a}_{X}) \cdot (L\cos\theta\boldsymbol{a}_{X} + L\sin\theta\boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta(\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{X}) + FL\sin\theta(\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta$$

جہاں پچھلی مثال کی مدد سے  $a_{\rm X}\cdot a_{\rm X}=0$  اور  $a_{\rm X}\cdot a_{\rm Y}=0$  کے ہیں۔ یہی جواب نقطی ضرب کی تعریف، مثال کی مدد سے 1  $a_{\rm X}\cdot a_{\rm X}=1$  مساوات 1.33، سے با آسانی حاصل ہوتا ہے۔

اب ١. بنيادي حسّائق

#### 1.11 تفرق اور جزوی تفرق

مساوات 1.37 میں ایک تفاعل کا تفرق  $^{25}$  دیا گیا ہے، جس میں  $B_0$  ایک مستقل ہے، جبکہ مساوات 1.38 میں ایک تفاعل کا جرور تفرق  $^{26}$  دیا گیا ہے۔

(1.37) 
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

$$\frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

(1.38) 
$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x} dx + \frac{\partial W}{\partial \lambda} d\lambda$$

# 1.12 خطى تكمل

مساوات 1.39 میں ایک تفاعل  $B(\theta)$  دیا گیا ہے جے شکل 1.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس کا طول موج  $2\pi$  ریڈیئن ہے۔

$$(1.39) B_0 \cos \theta$$

ہم  $-\pi/2 < \theta < \pi/2$  پر اس تفاعل کی اوسط قیمت تلاش کرتے ہیں۔

(1.40) 
$$B_{k',l} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

اس طرح ہم  $B^2$  کی اوسط تلاش کرتے ہیں۔ $\pi/2 < \theta < \pi/2$  کی اوسط تلاش کرتے ہیں۔

(1.41) 
$$B_{k,j}^{2} = \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2}\theta \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{2}$$

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm differentiation^{25}} \\ {\rm partial~differentiation^{26}} \\ {\rm wavelength^{27}} \end{array}$ 

1.1.3 سطح تمل



شكل 1.12: كوسائن موج

تفاعل کے مربع کی اوسط کا جذر نہایت اہم قیمت ہے جو تفاعل کی موڑ  $^{28}$  قیمت کہلاتی ہے اور جسے مہڑ B کھھا جاتا ہے۔

(1.42) 
$$B_{\mu\nu} = \sqrt{B_{\mu\nu}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

یہ ایک بہت اہم متیجہ ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا چاہئے۔ یہ مساوات ہر سائن نما تفاعل کے لئے درست ہے۔ کسی متغیرہ کے مربع کی اوسط کا جذر اس متغیرہ کی موڑ<sup>29</sup> قیت کہلاتی ہے۔

# 1.13 سطحى تكمل

فرض کریں شکل 1.13 میں نکلی کے بیرونی سطح پر سطحی کثافت، B، کی قیمت مساوات 1.39 دیتی ہے۔ ہم آدھے بیرونی سطح، زاویہ  $\pi/2$  تا  $\pi/2$ ، کے نیج اس کی کل مقدار  $\phi$  معلوم کرتے ہیں۔اس سطح میں نکلی کے سر شامل نہیں ہیں۔

ہم نکی کے بیرونی سطح پر خطہ abcd لیتے ہیں جس کی چوڑائی  $\rho\Delta\theta$ ، کمبائی I اور رقبہ  $\Delta A$  ہے۔ $\Delta A$  کو نہایت  $\Delta B$  ماتھ تبدیل نہیں ہوتی  $\Delta B$  ماتھ تبدیل نہیں ہوتی  $\Delta B$  ماتھ تبدیل نہیں ہوتی  $\Delta B$  اور کل  $\Delta B$  ورج ذیل ہوگا۔

rms, root mean square<sup>28</sup> effective<sup>29</sup>

باب،بنيادي حسائق



شکل 1.13: نکلی کی بیرونی سطح پر متغیرہ کا تکمل کل مقدار دے گا۔

(1.43) 
$$\phi = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} d\phi = \int_{-\pi/2}^{\pi/2} (B_0 \cos \theta) (\rho l \, d\theta)$$
$$= B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho$$

مساوات 1.43 میں نحیلا حد  $(-\pi/2-lpha)$  اور بالائی کا حد  $(\pi/2-lpha)$  کینے سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(1.44) 
$$\phi(\alpha) = B_0 l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \alpha}^{\frac{\pi}{2} - \alpha} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho \cos \alpha$$

نگی کے بیرونی نصف سطح پر  $\phi(\alpha)$  کی عمومی قیت مساوات 1.44 دیتی جو  $\alpha$  پر منحصر ہے۔ یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ مساوات ہے۔ مساوات 4.44 میں  $\alpha=0$  پر کرنے سے مساوات 1.43 حاصل ہوتا ہے۔

#### 1.14 دوری سمتیه

 $^{30}$ سائن نما امواج جن کی تعدد معین ہو کو دور کی سمتیہ سے ظاہر کرنا مفید ثابت ہوتا ہے۔ مساوات یولر  $A_0e^{\mp j(\omega t + \phi)} = A_0\cos(\omega t + \phi) \mp j\sin(\omega t + \phi)$ 

Euler's equation<sup>30</sup>

1.14 دوري سمتي



شکل1.14: دوری سمتیه

کی مدد سے کوسائن موج درج ذیل لکھی جاسکتی ہے۔

(1.46) 
$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left( e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

اس سے ثابت ہوتا ہے کہ کوسائن موج دراصل دو مخلوط اعداد کا مجموعہ ہے۔ مساوات پولر ایک مخلوط عدد کو ظاہر کرتا ہے جس کے دو جزو ہیں۔ اس کا ایک جزو حقیقی عدد ہے اور اس کا دوسرا جزو فرضی عدد ہے۔ اس کا حقیقی جزو کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہذا ایک کوسائن موج  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  یا  $A_0e^{-j(\omega t+\phi)}$  کا حقیقی جزو ہوتا ہے۔ رسمی طور پر سائن نما امواج کو  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کو مختصراً  $A_0e^{j\phi}$  یا  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  کسا جو دوری سمتیہ کا طول  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  اور افقی کلیر کے ساتھ زاویہ  $\phi$  ہے۔

دوری سمتیہ استعال کرتے وقت آپ کو یہ ذہن میں رکھنا ہو گا کہ یہ در حقیقت ایک کوسائن موج ہے جس کا حیطہ  $A_0$  ، زاویائی فاصلہ  $\phi$  اور زاویائی تعدد  $\omega$  ہے۔

اس کتاب میں دوری سمتیات کو سادہ طرز لکھائی میں انگریزی کے بڑے حروف جن پر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا۔ یوں برقی کیا جائے گا۔ یوں برقی

 ${\rm phasor}^{31}$ 

با\_\_\_1 بنسادی حتسائق 22

وباو  $v=20\cos(\omega t+\frac{\pi}{3})$  وباو  $v=20\cos(\omega t+\frac{\pi}{3})$ 

$$v = 20\cos\left(\omega t + \frac{\pi}{3}\right)$$
 
$$\hat{V} = 20e^{j\frac{\pi}{3}}$$
 
$$\hat{V} = 20/\frac{\pi}{3}$$
 
$$V = 20$$

اس مساوات میں پہلا جزو ایک عام کوسائن موج ہے جس کو دوسرے جزو میں دوری سمتیہ کی صورت میں لکھا گیا ہے۔ تیسرا اس دوری سمتیہ کا طول اور چوتھا اس کا زاویہ بتلا رہا ہے۔

دوری سمتیات کو عام سمتیات کی طرح ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس مساوات میں  $\hat{V}$  کا طول 20 اور افقی کیبر سے زاویہ 🧸 ریڈیٹن ہے۔زاویہ کو افقی کئیر سے گھڑی کے مخالف رخ نایا جانا ہے۔افقی کئیر سے گھڑی کے رخ منفی زاویہ ہو گا۔ شکل 1.14 میں اس  $\hat{V}$  کے علاوہ چند دوسرے دوری سمتیات بھی دکھائے گئے ہیں۔

برقی ادوار میں عموماً برقی دیاو  $\hat{V}$  کی نسبت سے برقی رو  $\hat{I}$  کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔شکل  $\hat{V}$  میں  $\hat{I}$  تیس درجہ برقی دباو سے آگے ہے جبکہ  $\hat{I}_2$  بینتالیس درجہ برقی دباو کے پیھے ہے۔ہم کہتے ہیں  $\hat{I}_1$  تیس درجہ پیش زاویہ  $^{32}$ جبکہ  $\hat{I}_2$  بینتالیس درجہ تاخیرہ زاویہ 33 پر ہے۔ یوں  $\hat{I}_2$  پیش رو جبکہ  $\hat{I}_3$  تاخیری رو کہلاتے ہیں۔ دو دوری سمتیات کے  $\hat{y}$  زاویے کو زاواکی فرور $\hat{y}$  کہتے ہیں للذا  $\hat{y}$  اور  $\hat{y}$  میں °75 زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔ یہاں دھیان رہے کہ شکل  $\hat{y}$ 1.14 میں °45 مثبت لکھا گیا ہے۔ چونکہ یہ افقی ککیر سے زاویہ ناپنے کے الٹ رخ بے للذا یہ ایک منفی زاویہ ہے۔

طاقت  $p=V_0I_0\cos heta$  ہو گا جہاں  $\cos heta$  کو جزوطاقتے $^{35}$  اور heta کو زاویہ جزوطاقتے $^{36}$  کہتے ہیں۔ اس طرح تاخیرہ زاویہ کی صورت میں  $\cos heta$  کو تاخیر کیر بربوطاقتے  $^{37}$  اور پیژیر زاویہ کی صورت میں  $\cos heta$  کو پیژیر بربوطاقتے  $^{38}$  کہتے ہیں۔

آئیں دوری سمتیات استعال کرتے ہوئے ایک سادہ برقی دور حل کرتے ہیں۔ یوں دوری سمتیات سے وابستگی پیدا ہو گی اور ان کا استعال بھی سکھ لیں گے۔

leading angle<sup>32</sup>

lagging angle<sup>33</sup>

phase difference<sup>34</sup> power factor<sup>35</sup>

power factor angle<sup>36</sup>

lagging power factor<sup>37</sup>

leading power factor<sup>38</sup>

23 1.14. دوری سمتیه



شکل 1.15 دوری سمتیات کی مد دسے RL دور کاحل

$$v(t)=V_0\cos(\omega t+\alpha)$$
 بازه  $\hat{V}=V_0\cos(\omega t+\alpha)$  بازه  $\hat{V}=V_0\cos(\omega t+\alpha)$   $\hat{V}=V_0\cos(\omega t+\alpha)$ 

دوری سمتیات کی استعال سے ہم برقی رو  $\hat{I}$  معلوم کرتے ہیں

(1.49) 
$$\hat{I} = \frac{\hat{V}}{R + jX} = \frac{V_{0/\alpha}}{|Z|/\phi_Z}$$

$$= \frac{V_0}{|Z|}/\alpha - \phi_Z = I_0/\alpha - \phi_Z$$

(1.50)

جہال 
$$rac{X}{R} = an^{-1} rac{X}{R}$$
 رکاوٹ کا زاویہ اور  $rac{V_0}{|Z|}$  ہیں۔یوں برقی رو درج ذیل ہو گا۔

(1.50) 
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$I(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$I(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

single phase<sup>39</sup>

باب 1. بنيادي حت اَتَ باب 1. بنيادي حت اَتَ

# إب2

# مقناطيسى ادوار

# 2.1 مزاحمت اور ہچکچاہٹ

شکل 2.1 میں ایک سلاخ و کھائی گئی ہے جس کی لمبائی کے رخ مزاحمہا

$$(2.1) R = \frac{l}{\sigma A}$$

 $\mu$  ررج و گل جہال  $\sigma$  موصلیتے  $^2$  اور A=wh رقبہ عمودی تراش ہے۔ اس سلاخ کی بھیکھا ہے  $^3$  ورج و بل ہے جہال م



شكل 2.1:مزاحمت اور جيكيا ہٹ

resistance<sup>1</sup> conductivity<sup>2</sup>

ا\_\_\_2. مقت طبیبی اووار

مقناطبیھے متقل 4 کہلاتا ہے۔

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$

مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو عموماً خلاء کی مقناطیسی مستقل  $\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,rac{ ext{H}}{ ext{m}}$  مقناطیسی مستقل مستقل میرود.

$$\mu = \mu_r \mu_0$$

جہاں  $\mu_r$  برومقناطیسی متقل کہلاتا ہے۔ ایکچاہٹ کی اکائی ایمپیر - چکر فی ویبر ہے جس کی وضاحت جلد کی جائے گی۔

 $\mu_r=10\,\mathrm{cm}$  مثال  $\mu_r=2000$  مثال المراجع بين معاون

حل:

$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,044\,\mathrm{A} \cdot \mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

# 2.2 کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت

 $^{5}$  گل 2.2 میں ایک موصل سلاخ کے سروں پر برتی دباو v لاگو کیا گیا ہے۔سلاخ میں برتی روز اوہم کے قانون  $^{5}$  ہے حاصل ہو گی۔

$$(2.4) i = \frac{v}{R}$$

 $\begin{array}{c} {\rm reluctance^3} \\ {\rm permeability,\ magnetic\ constant^4} \\ {\rm Ohm's\ law^5} \end{array}$ 



شكل 2.2: كثافت برقى رواور برقى د باوكى شدت

درج بالا مساوات كو مساوات 2.1 كى مدد سے

$$(2.5) i = v\left(\frac{\sigma A}{l}\right)$$

لعيني

$$\frac{i}{A} = \sigma\left(\frac{v}{l}\right)$$

يا

$$(2.7) J = \sigma E$$

کھا جا سکتا ہے جہاں J اور E کی تعریفات درج ذیل ہیں۔

$$(2.8) J = \frac{i}{A}$$

$$(2.9) E = \frac{v}{l}$$

شکل 2.2 میں سمتیہ J کی مطلق قیت J اور سمتیہ E کی مطلق قیت E کی مطلق قیمت و کے مساوات 2.7 کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے

$$(2.10) J = \sigma E$$

جو قانون اوہم کی دوسری روپ ہے۔ J اور E دونوں کا رخ  $a_{
m y}$  ہے۔

28 باب\_2. مقت طبيسي ادوار

شکل 2.2 سے ظاہر ہے کہ برقی روi سلاخ کی رقبہ عمودی تراث A سے گزرتی ہے للذا مساوات 2.8 کے تحت I کا فیضے برقی روI ہو گی۔ ای طرح مساوات 2.9 سے واضح ہے کہ I برقی دباو نی اکائی لمبائی کو ظاہر کرتی ہے للذا I کو برقی میدان کی شدھے کہتے ہیں۔ I کو برقی میدان کی شدھے کہتے ہیں۔ I

بالکل اسی طرح کی مساواتیں مقناطیسی متغیرات کے لئے حصہ 2.5 میں لکھی جائیں گی۔

#### 2.3 رقى ادوار

 $\sigma=5.9\times10^7\,rac{\mathrm{S}}{\mathrm{m}}$  رقی دور میں برقی دباوہ  $v^8$  وجہ سے برقی رو $v^8$  اللہ پیدا ہوتی ہے۔ تانباکی موصلیت کی مقدار بہت بڑی ہونے کی بنا اس سے جو بہت بڑی مقدار ہے۔ موصلیت کی اکائی  $v^8$  ہے۔ تانباکی موصلیت کی مقدار بہت بڑی ہونے کی بنا اس سے بنی تارکی مزاحمت  $v^8$  عموماً قابل نظر انداز ہو گی۔ تار میں برقی رو  $v^8$  گرزنے سے تارکے سروں کے نیج برقی دباو کے گھٹاو کی مزاحمت  $v^8$  بیدا ہو گا جس کو  $v^8$  کی بنا نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں تانبے کی تار میں برقی دباو کے گھٹاو کو رد کیا جا سکتا ہے۔ یعنی ہم  $v^8$  کی حکم کے سکتے ہیں۔

شکل 2.3-الف میں ایک ایسا ہی برقی دور دکھایا گیا ہے جس میں تانبے کی تارکی مزاحمت کو اکٹھے کر کے ایک ہی جگہ <sub>تار</sub>R دکھایا گیا ہے۔اس دور کے لئے درج ذیل کھھا جا سکتا ہے۔

$$(2.11) v = \Delta v + v_L$$

تار میں برقی گھٹاو  $\Delta v$  نظرانداز کرتے ہوئے

$$(2.12) v = v_L$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کا مطلب ہوا کہ تار میں برقی دباو کا گھٹاو قابل نظرانداز ہونے کی صورت میں لا گو برقی دباو کا توں مزاحمت  $R_L$  تک پنچتا ہے۔ برقی ادوار حل کرتے ہوئے یہی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار میں برقی دباو کے نظرانداز کیا جاتا ہے۔شکل 2.3-الف میں الیا کرنے سے شکل 2.3-ب حاصل ہوتا ہے۔ یہاں ہے سمجھ لینا ضروری ہے کہ برقی تار کو اس غرض سے استعال کیا جاتا ہے کہ لا گو برقی دباو کو مقام استعال تک بغیر گھٹائے پہنچایا جائے۔

2.3. برتی ادوار

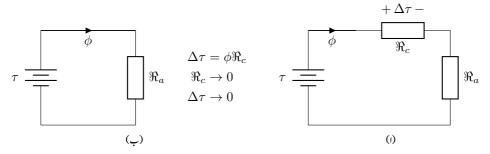


شكل 2.3: برقى ادواريس برقى تاركى مزاحت كو نظرانداز كياجاسكتا ہے۔



شکل 2.4: کم مزاحمتی راه میں برقی رو کی مقدار زیادہ ہوگی۔

عالي 2. مقت طيسي ادوار



شكل 2.5: مقناطيسي دور

شکل 2.4 میں دوسری مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برقی رواس راہ زیادہ ہو گی جس کی مزاحمت کم  $n_1>n_2$  مورت میں  $n_1>n_2$  ہو۔ یوں  $n_2>n_3$ 

#### 2.4 مقناطیسی دور حصه اول

current density<sup>6</sup>

electric field intensity<sup>7</sup>

electric voltage<sup>8</sup>

<sup>9</sup> بر تی دیاو کیا اکائی وولٹ ہے جوا ٹلی کے الیا نڈر ووولٹا کے نام ہے جنہوں نے برقی میٹری ایجاد کی۔ 10 م

electric current<sup>10</sup>

copper<sup>12</sup>

<sup>13</sup> مزاحت کی اکائی اوہم ہے جو جر منی کے جارج سائن اوہم کے نام ہے جنہوں نے قانون اوہم دریافت کیا۔

magnetomotive force, mmf<sup>14</sup>

 $flux^{15}$ 

 $<sup>\</sup>rm reluctance^{16}$ 

2.4. مقت طيسي دور حصبه اول

بہاو ﴿، بالكل او ہم كے قانون كى طرح، درج ذيل مساوات سے حاصل ہو گا۔

$$\tau = \phi \Re_a$$

جہاں  $\Re_c$  قابل نظرانداز ہو وہاں، سلسلہ وار مزاحمتوں کی طرح، دو سلسلہ وار ہیکچاہٹوں کا مجموعی ہیکچاہٹ  $\Re_s$  استعال کر کے برتی روحاصل ہو گی۔

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

برقی دور کی طرح، مقناطیسی د باو کو کم بچکچاہٹ کی راہ استعال کرتے ہوئے مقام ضرورت تک پہنچایا جاتا ہے۔ مساوات 2.2 تحت بچکچاہٹ کی قیمت مقناطیسی مستقل  $\mu$  پر منحصر ہے ۔ مقناطیسی مستقل کی اکائی ہمیزی فی میٹر مساوات  $\mu_r$  کو عموماً  $\mu_r$  کو عموماً  $\mu_r$  کسا جاتا ہے جہال  $\mu_r$  جہال  $\mu_r$   $\mu_0$  وعموماً مستقل کی میٹر کے برابر ہے اور  $\mu_r$  کو جو مقناطیسی مستقل  $\mu_r$  بین ۔ لوہا، پھے دھاتیں اور چند جدید مصنوعی مواد ایسی ہیں جن کی  $\mu_r$  کی قیمت 2000 اور جو مقناطیسی مواد گئی بائی جاتی ہیں۔ مقناطیسی د باو کو ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرنے کے لئے ان ہی مقناطیسی مواد کو استعال کیا جاتا ہے۔

بد قتمتی سے مقناطیسی مواد کے  $\mu$  کی قیمت اتنی زیادہ نہیں ہوتی ہے کہ ان سے بن سلاخ کی ہیکچاہٹ ہر موقع پر قابل نظر انداز ہو۔ مساوات 2.2 کے تحت ہیکچاہٹ کم سے کم کرنے کی خاطر رقبہ عمودی تراش کو زیادہ سے زیادہ اور لمبائی کو کم سے کم کرنا ہو گا۔ یوں مقناطیسی دباو منتقل کرنے کے لئے باریک تار نہیں بلکہ خاصا زیادہ رقبہ عمودی تراش کا مقناطیسی راستہ درکار ہوتا ہے۔

مقناطیسی مثین، مثلاً موٹر اور ٹرانسفار مر، کا بیشتر حصہ مقناطیسی دباو منتقل کرنے والے ان مقناطیسی مواد پر مشتمل ہوتا ہے۔ایسے مثینوں کے قلب میں عموماً یہی مقناطیسی مادہ پایا جاتا ہے للمذا ایسا مواد مقناطیسی قالب 18 کہلاتا ہے (شکل 2.6)۔

برقی مشینوں میں مستعمل مقناطیسی قالب لوہے کی باریک چادر یا پتری 19 تہہ در تہہ رکھ کر بنائی جاتی ہے۔ مقناطیسی قالب کے بارے میں مزید معلومات حصہ 2.8 میں فراہم کی جائے گی۔

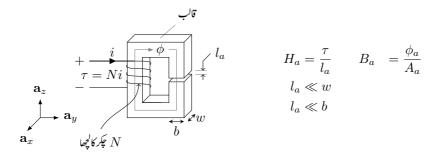
\_

relative permeability, relative magnetic constant<sup>17</sup>

magnetic core<sup>18</sup>

laminations<sup>19</sup>

عن الحيسي ادوار باب 2. مقت الحيسي ادوار



شكل 2.6: كثافت مقناطيسي بهاواور مقناطيسي ميدان كي شدت\_

# 2.5 كثافت ِ مقناطيسي بهاواور مقناطيسي ميدان كي شدت

حصہ 2.2 میں برقی دور کی مثال دی گئی۔ یہاں شکل 2.6 میں دکھائے گئے مقناطیسی دور پر غور کرتے ہیں۔ مقناطیسی قالب کی  $\mu_r = \infty$  تقالب کی  $\mu_r = \infty$  تصور کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ یوں قالب کی ہنچکچاہٹ  $\mu_c$  صفر ہو گی۔ حصہ 2.2 میں تانبا کی تار کی طرح یہاں مقناطیسی قالب کو مقناطیسی دباو $\tau$  ایک مقام سے دوسری مقام تک منتقل کرنے کے لئے استعال کیا گیا ہے۔ شکل 2.6 میں مقناطیسی دباو کو خلائی درز کی ہنچکچاہٹ  $\mu_c$  تک پنجپایا گیا ہے۔ یہاں  $\mu_c$  کو نظرانداز کرتے ہوئے کل ہنچکھاہٹ کو خلائی درز کی ہنچکھاہٹ کے برابر تصور کیا جا سکتا ہے:

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a}$$

خلائی درز کی لمبائی  $l_a$  قالب کے رقبہ عمودی تراش کے اضلاع b اور w ہے بہت کم ہونے کی صورت میں، لیخی  $l_a \ll w$  اور  $w \gg l_a \ll w$  خوری تراش  $l_a \ll b$  کو قالب کے رقبہ عمودی تراش  $l_a \ll w$  کے برابر تصور کیا جا سکتا ہے:

$$(2.17) A_a = A_c = wb$$

اں کتاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو وہاں  $l_a \ll b$  اور  $w \gg l_a \ll b$  کاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو وہاں

مقناطیسی دباو 
$$au$$
 کی تعریف درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔  $au=Ni$ 

یوں برقی تار کے چکر ضرب تار میں برقی رو کو مقناطیسی دباو کہتے ہیں۔ مقناطیسی دباو کی اکائی ایمپیئر-چکر<sup>20</sup> ہے۔ حصہ 2.2 کی طرح ہم مساوات 2.15 کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_a}$$

مقناطیسی بہاو کی اکائی  $^{22}$  ورہر  $^{22}$  اور ہیکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر۔ چکر فی ویبر  $^{23}$  ہے۔ اس سلسلہ وار دور کے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\phi_c$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔درج بالا مساوات کو مساوات کی مدد ہے 0 کی مدد ہے

$$\phi_a = \tau \left( \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

يا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

کھ سکتے ہیں جہاں درز کی نشاندہی زیر نوشت میں a کھ کر کی گئی ہے۔ اس مساوات میں بائیں ہاتھ مقناطیسی بہاو فی اکائی رقبہ کو کثافیہ مقناطیسی بہاو<sup>25</sup>  $B_a$  اور دائیں ہاتھ مقناطیسی دباو فی اکائی لمبائی کو مقناطیسی میدالنے کی شدھے  $B_a$  کا کھا جا سکتا ہے:

$$(2.21) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

$$(2.22) H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

کافت متناطیسی بہاوکی اکائی ویبرفی مرفع میٹر ہے جس کو ٹسلا<sup>26</sup> کا نام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شدت کی اکائی المبیئرفی میٹر<sup>27</sup> ہے۔ یوں مساوات 2.20 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.23) B_a = \mu_0 H_a$$

جہاں متن سے واضح ہو کہ مقناطیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں مقناطیسی میدان کی شدت کو مختصراً میدانھے شدھے<sup>28</sup> کہا جاتا ہے۔

ampere-turn<sup>20</sup>

Weber<sup>21</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup>یہ اکائی جر منی کے ولیم اڈورڈو میر کے نام ہے جن کا برقی ومتناطبی میدان میں اہم کر دار رہاہے ampere-turn per weber<sup>23</sup>

magnetic flux density<sup>24</sup>

magnetic field intensity<sup>25</sup>

Tesla: <sup>26</sup> یا الای سربیا کے بکولاٹسلا کے نام ہے جنہوں نے بدلتار وبر قی طاقت عام کرنے میں اہم کر دار اداکیا۔

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm ampere\ per\ meter^{27}} \\ {\rm field\ intensity^{28}} \end{array}$ 

باب2. مقت طبيسي ادوار

 $B_a=1$  گل 2.6 میں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کا رخ اکائی سمتیہ  $a_Z$  کا مخالف ہے لہذا کثافت ِ مقناطیسی بہاو  $a_Z$  کی سمتیہ  $a_Z$  کی مخالف رخ دباو ڈال رہا ہے لہذا  $-B_aa_Z$  مقناطیسی دباو کی شدت  $H_a=-H_aa_Z$  جائے گی۔ اس طرح درج بالا مساوات کو درج ذیل سمتی روپ میں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.24) B_a = \mu_0 H_a$$

خلاء کی جگہ کوئی دوسرا مادہ ہونے کی صورت میں یہ مساوات درج ذیل لکھی جائے گی۔

$$(2.25) B = \mu H$$

مثال 2.2: شکل 2.6 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو 0.1 ٹسلا درکار ہے۔ قالب کی  $\mu_r = \infty$  خلائی درز کی لمبائی 1 ملی میٹر اور قالب کے گرد برقی تار کے چکر 100 ہیں۔ درکار برقی رو i تلاش کریں۔

حل: مساوات 2.13 سے

$$\tau = \phi \Re$$

$$Ni = \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right)$$

$$\frac{\phi}{A} = B = \frac{Ni\mu_0}{l}$$

لکھ کر درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4\pi 10^{-7}} = 0.79567 \,\text{A}$$

بر تی رو خلائی درز میں  $B=0.1\,\mathrm{T}$  کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کریے گا۔  $i=0.795\,67\,\mathrm{A}$ 

## 2.6 مقناطیسی دور حصه دوم

شکل 2.7 میں ایک سادہ مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے جس میں قالب کے مقناطیسی مستقل کو محدود تصور کرتے ہیں۔مقناطیسی دباو au=0 مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو au=0 پیر۔مقناطیسی دباو au=0 مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو م

2.6. مقن طيسي دور حصبه دوم



شکل 2.7: ساده مقناطیسی دور به

مقام پر کیساں ہے اور قالب کی اوسط لمبائی 1ء ہے۔ قالب میں مقناطیسی بہاو کا رخ فلیمنگے!دایارے ہاتھ قانور 29 کے دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔اس قانون کو دو طریقوں سے بیان کیا جا سکتا ہے۔

- اگرایک کچھے کو دائیں ہاتھ سے یوں کپڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں کچھے میں برقی رو کے رخ لیٹی ہوں تب انگوٹھا اُس مقناطیسی بہاو کے رخ ہو گا جو اس برقی رو کی وجہ سے وجود میں آیا ہو۔
- اگرایک تارجس میں برقی رو کا گزر ہو کو دائیں ہاتھ سے بول کپڑا جائے کہ انگوٹھا برقی رو کے رخ ہو تب باقی چار انگلیاں اُس مقناطیسی بہاو کے رخ لپٹی ہول گی جو اس برقی رو کی وجہ سے پیدا ہو گا۔

ان دو بیانات میں پہلا بیان کچھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ معلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ سید تھی تار کے گرد مقناطیسی بہاو کا رخ دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

قالب میں مقناطیسی بہاو گھڑی کے رخ ہے۔ مقناطیسی بہاو ہ کو شکل 2.7 میں ہلکی سیاہی کے تیر دار کلیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ قالب کی بچکھاہٹ

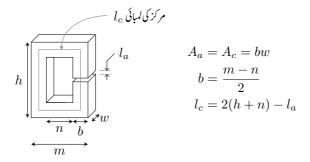
$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

لکھتے ہوئے مقناطیسی بہاو

$$\phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = Ni \left( \frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$

Fleming's right hand rule<sup>29</sup>

اب 2. مقت طبیمی ادوار



شكل 2.8: خلائى درزاور قالب كے ہيكياہائ

ہو گا۔یوں تمام نا معلوم متغیرات حاصل ہو بچیے۔

مثال 2.3: شکل 2.8 میں ایک مقناطیسی قالب دکھایا گیا ہے جس کی معلومات درج زیل ہیں۔

(2.26) 
$$\psi = \begin{cases} h = 20 \,\mathrm{cm} & m = 10 \,\mathrm{cm} \\ n = 8 \,\mathrm{cm} & w = 2 \,\mathrm{cm} \\ l_a = 1 \,\mathrm{mm} & \mu_r = 40 \,000 \end{cases}$$

قالب اور خلائی درز کی ہیکچاہٹیں تلاش کریں۔

عل:

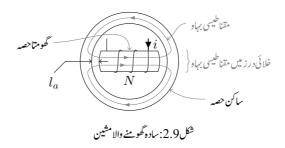
$$b = \frac{m-n}{2} = \frac{0.1-0.08}{2} = 0.01 \,\mathrm{m}$$
 
$$A_a = A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = 0.0002 \,\mathrm{m}^2$$
 
$$l_c = 2(h+n) - l_a = 2(0.2+0.08) - 0.001 = 0.559 \,\mathrm{m}$$

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.559}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 55\,598\,\text{A} \cdot \text{t/Wb}$$

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 3\,978\,358\,\text{A} \cdot \text{t/Wb}$$

قالب کی لمبائی خلائی درز کی لمبائی سے 559 گنا زیادہ ہونے کے باوجود خلائی درز کی انچکچاہٹ قالب کی انچکچاہٹ سے  $\Re_a\gg\Re_c$  ہو گا۔

2.6. مقت طيسي دور حصب دوم



مثال 2.4: شکل 2.9 سے رجوع کریں۔خلائی درز 5 ملی میٹر لمباہے اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہیں۔خلائی درز میں T کا 0.95 کثافت ِ برقی بہاو حاصل کرنے کی خاطر درکار برقی رو معلوم کریں۔

حل: اس شکل میں گھومتے مشین، مثلاً موٹر، کی ایک سادہ صورت دکھائی گئی ہے۔ ایسی مشینوں کا ہیرونی حصہ ساکن رہتا ہے للذا اس جھے کو مشین کا ساکھنے حصہ  $^{30}$  کہتے ہیں۔ ساکن جھے کے اندر مشین کا گھومتا حصہ  $^{31}$  کہتے ہیں۔ اس مثال میں ان دونوں حصوں (قالب) کا  $m_r = \infty$  تصور کیا گیا ہے للذا ان کی بچکچاہٹ صفر ہو گی۔ مقاطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کی لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقاطیسی بہاو کی ایک مکمل چکر کے دوران مقاطیسی بہاو دو خلائی درزوں سے گزرتا ہے۔ یہ دو خلائی درز ہر لحاظ سے ایک دوسرے جیسے ہیں للذا ان دونوں خلائی درزوں کی بچکچاہٹ سلسلہ وار ہوں خلائی درزوں کی بچکچاہٹ سلسلہ وار ہیں۔ شکل 2.9 میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ، ساکن حصہ اور دو خلائی درزوں سے گزرتا ہوا دکھایا گیا ہے۔ خلائی درز کی لمبائی  $A_c$  میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ، ساکن حصہ اور دو خلائی درزوں سے گزرتا ہوا دکھایا گیا ہے۔ خلائی درز کی لمبائی  $A_c$ ، قالب کے رقبہ تراش میں بہاو کو گھومتے حصہ، ساکن حصہ اور دو خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش ہوا کہا گھومتے حصہ کے رقبہ تراش کے برابر تصور کیا جائے گا۔

يوں 
$$A_a=A_c$$
 ليتے ہوئے ايک خلائی درز کی ہيچاہئ  $A_a=A_c$  يوں  $\Re_a=rac{l_a}{\mu_0A_a}=rac{l_a}{\mu_0A_c}$  اور دو سلسلہ وار خلائی درزوں کی کل پیچاہٹ درج ذیل ہو گی۔  $\Re_s=\Re_a+\Re_a=rac{2l_a}{\mu_0A_c}$ 

stator<sup>30</sup> rotor<sup>31</sup> يا\_\_\_2. مقت طبيسي اووار

خلائی درز میں مقناطیسی بہاہ  $\phi_a$  اور کثافتِ مقناطیسی بہاہ  $B_a$  درج ذیل ہوں گے۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left( \frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right)$$
 
$$B_a = \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a}$$

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$0.95 = \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005}$$
$$i = \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \,\text{A}$$

روایت موٹروں اور جزیٹروں کی خلاء میں تقریباً ایک ٹسلا کثافت برقی بہاو ہوتی ہے۔

## 2.7 خوداماله، مشتركه اماله اور توانائي

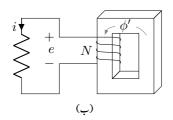
مقناطیسی بہاو کی وقت کے ساتھ تبدیلی برقی دباو کو جنم دیتی ہے۔ للذا شکل 2.10-ا کے قالب میں مقناطیسی بہاو  $\phi$  کی تبدیل کی بنا کچھ میں برقی دباو e پیدا ہو گا جو کچھ کے سروں پر نمودار ہو گا۔ اس طرح پیدا ہونے والی برقی دباو کو امالی برقی دباو کو امالی برقی دباو<sup>22</sup> کہتے ہیں۔ قانوبی فیراؤے e کی علامت نہیں لکھی گئی ہے چونکہ ہمیں صرف دباو کی مطلق قیت سے غرض ہے)۔

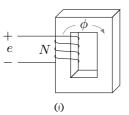
(2.27) 
$$e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

امالی برقی د باو کو منبع برقی د باو تصور کریں۔

امالی برقی دباو کا رخ تعین کرنے کی خاطر کچھے کے سرول کو کسرِ دور<sup>35</sup> کریں۔ کچھے میں پیدا برقی رواُس رخ ہو گا جو مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو روکے۔

induced voltage<sup>32</sup> Faraday's law<sup>33</sup> المنظل فيران المناقب الى سائنىدان تقع جنبوں نے محرک برتی د باودریافت کی short circuit<sup>35</sup>





شکل 2.10: قالب میں مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کھیے میں برقی د ہاوپیدا کرتی ہے۔

فرض کریں شکل 2.10-ا میں بہاو ہ گھڑی کی سوئیوں کے گھومنے کے رخ ہے اور بہاو کی مقدار بڑھ رہی ہے۔ بہاو کی تبدیلی کا مخالف بہاو کہ پیدا کرنے کی خاطر کچھے کا بالائی سر مثبت ہو گا۔شکل 2.10-ب میں کچھے کے سروں کے نتی مزاحمت نسب کیا گیا ہے۔ کچھے کو منبع دباو تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مزاحمت میں روکا رخ قالب میں گھڑی کے مخالف رخ بہاو کہ پیدا کرے گا۔

قالب میں مقناطیسی بہاو  $\phi$ ، قالب پر لییٹے گئے لیچھ کے تمام چکروں N کے اندر سے گزرتا ہے۔ $N\phi$  کو لیچھ کا ارتباط بہاو  $\lambda$  کہتے ہیں جس کی اکائی ویبر۔ چکر  $\lambda$  37 ہے۔

$$(2.28) \lambda = N\phi$$

جن مقناطیسی ادوار میں مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو اٹل مقدار تصور کیا جا سکے یا جن میں خلائی درز کی بچکچاہٹ قالب کی بچکچاہٹ سے بہت زیادہ ہو،  $\Re_a\gg\Re_c$ ، ان میں کیھے کی امالہ  $L^{38}$  کی تعریف درج ذیل مساوات دیتی ہے۔

$$(2.29) L = \frac{\lambda}{i}$$

 $\lambda=N\phi$  اوالہ کی اکائی و بیر - چکر فی ایمپیئر ہے جس کو ہینری  $H^{39}$  کا نام  $H^{39}$  دیا گیا ہے۔ مساوات  $\phi=R_c$  میں  $\phi=R_c$  اور  $\phi=R_c$  پر کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا

(2.30) 
$$L = \frac{N\phi}{i} = \frac{NB_cA_c}{i} = \frac{N^2\mu_0A_a}{l_a}$$

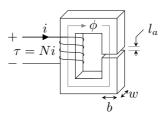
flux linkage<sup>36</sup> weber-turn<sup>37</sup>

 $inductance^{38}$ 

 $\rm Henry^{39}$ 

40 امر کی سائنسدان جوزف بینری جنبول نے مانکل فیراڈے سے علیحدہ طور پر محرک برقی د باودریافت کی

باب 2. مقت طبيسي اووار



شكل 2.11: اماليه (مثال 2.5)

جہاں قالب کا رقبہ عمودی تراش  $A_c$  اور درز کا رقبہ عمودی تراش  $A_a$  ایک دوسرے کے برابر لیے گئے ہیں۔

مثال 2.5: شکل 2.11 میں  $b = 5 \, \text{cm}, w = 4 \, \text{cm}, l_a = 3 \, \text{mm}$  مثال 2.15: شکل 2.11 میں اور قالب کی  $l_c = 30 \, \text{cm}$  اوسط لمبائی  $l_c = 30 \, \text{cm}$  کے بیان دو صور توں میں کیھے کی امالہ تلاش کریں۔

- $\mu_r = \infty$  قالب کا  $\mu_r = 0$
- $\mu_r = 500$  قالب کا •

 $\mu_r = \infty$  کی بنا قالب کی پھکیاہٹ قابل نظرانداز ہو گی لہذا امالہ درج ذیل ہو گا۔

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$
 
$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$
 
$$= 0.838 \,\text{H}$$

(+) کی صورت میں قالب کی انجیجاہٹ قابل نظر انداز نہیں ہو گی۔خلاء اور قالب کی انجیجاہٹ  $\mu_r=500$  دریافت کرتے ہیں۔

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 w b} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,507\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 w b} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

یوں بہاو، ارتباط اور امالہ درج ذیل ہوں گے۔

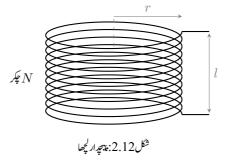
$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{1\,193\,507 + 238\,701} = 0.698\,\mathrm{H} \end{split}$$

مثال 2.6: شكل 2.12 ميں ايك پيچپار لچھا 
$$^{41}$$
 و كھايا گيا ہے جس كى جسامت درج ذيل ہے۔  $N=11, r=0.49~\mathrm{m}, l=0.94~\mathrm{m}$ 

پیچیدار کیجے کے اندر مقناطیسی بہاو  $\phi$  کا بیشتر حصہ محوری رخ ہوتا ہے۔ کیجے کے باریبی بہاو پوری کا نئات سے گزرتے ہوئے واپس کیجے میں داخل ہوتا ہے۔ چونکہ پوری کا نئات کا رقبہ عمودی تراش A لا متنابی ہے لہذا کیجے کے باہر کثافت مقناطیسی بہاو  $B=\frac{\phi}{A}$  کی مقدار قابل نظرانداز ہوگی۔ کیچے کے اندر محوری رخ مقناطیسی شدت درج ذمل ہوگی۔ درج ویل ہوگی۔

$$H = \frac{Ni}{l}$$

اس کھیے کی خود امالہ حاصل کریں۔



42 مقت طبیسی اووار

عل:

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l}$$

$$\phi = B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l}$$

$$\lambda = N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l}$$

$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

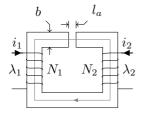
اور l کی قیمتیں پر کرتے ہوئے درج ذیل امالہ حاصل ہو گا $^{42}$ L

$$L = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times \pi \times 0.49^2}{0.94} = 122\,\mu\text{H}$$

 $i_1$  شکل 2.13 میں دو کچھوں کا ایک مقناطیسی دور دکھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے چکر  $N_1$  اور اس میں برقی رو  $i_2$  ہے، دوسرا کچھا چکر کا ہے اور اس میں برقی رو  $i_2$  ہے۔ دونوں کچھوں میں مثبت برقی رو قالب میں ایک جیسے رخ مقناطیسی دباو پیدا کرتے ہیں۔ اگر قالب کا  $\Re_c$  قابل نظرانداز ہو تب مقناطیسی بہاو  $\phi$ درج ذیل ہو گا۔

(2.31) 
$$\phi = (N_1 i_1 + N_2 i_2) \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

دونوں کیجھوں کا مجموعی مقناطیسی دیاو،  $N_1 i_1 + N_2 i_2$ ، مقناطیسی بہاو  $\phi$  پیدا کرتا ہے۔ اس مقناطیسی بہاو کا پہلے کیجھ



موٹائی
$$=b$$

$$A_a = A_c = bw$$

$$\lambda_1 = N_1 \phi$$

$$\lambda_2 = N_2 \phi$$

$$\phi = \frac{N_1 i_1 + N_2 i_2}{\Re_a + \Re_c}$$

شكل 2.13: دولچھے والا مقناطیسی دور۔

کے ساتھ ارتباط

(2.32) 
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

لعيني

$$(2.33) \lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

ے جہاں  $L_{11}$  اور  $L_{12}$  ہے۔

$$(2.34) L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$(2.35) L_{12} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

یہلے کچھے کا نودامالہ <sup>43</sup> ہے اور  $L_{11}i_1$  اس کچھے کے اپنے برقی رو  $i_1$  سے پیدا مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو  $L_{12}i_2$  بیان دونوں کچھوں کا مشترکہ امالہ <sup>45</sup> ہے اور  $L_{12}i_2$  کچھا-  $L_{12}i_2$  ساتھ  $i_2$  سے پیدا بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے جسے مشترکہ ارتباط بہاو <sup>46</sup> کہتے ہیں ۔ بالکل اسی طرح ہم دوسرے کچھے کے لئے درج زیل لکھ سکتے ہیں

$$\lambda_2 = N_2 \phi = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$
 (2.36) 
$$= L_{21} i_1 + L_{22} i_2$$

جہال  $L_{22}$  اور  $L_{21}$  سے مراد درج ذیل ہے۔

$$(2.37) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{I}$$

$$(2.38) L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

جےا۔2 کا خود امالہ اور  $L_{21}=L_{12}$  دونوں کچھوں کا مشتر کہ امالہ ہے۔امالہ کا تصور اس وقت کار آمد ہوتا ہے  $L_{22}$  جب مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو اٹل تصور کرنا ممکن ہو۔

self inductance<sup>43</sup> self flux linkage<sup>44</sup>

mutual inductance<sup>45</sup>

mutual flux linkage<sup>46</sup>

با\_\_\_2.مقن طيسي ادوار 44

مباوات 2.29 کو مباوات 2.27 میں پر کرتے ہیں۔

(2.39) 
$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = \frac{\partial (Li)}{\partial t}$$

اگر اماله کی قیمت اٹل ہو، جبیبا کہ ساکن مشینوں میں ہوتا ہے، تب ہمیں اماله کی جانی پیجانی مساوات

$$(2.40) e = L \frac{\partial i}{\partial t}$$

ملتی ہے۔ اگر امالہ بھی تبدیل ہو، جیسا کہ موٹروں اور جزیٹروں میں ہوتا ہے، تب درج ذیل ہو گا۔

$$(2.41) e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

توانا في  $^{47}$  کي اکائی جاوار  $^{48}$  ہے اور طاقت $^{50}$  کی اکائی $^{51}$  جاول فی سینڈ ہے جس کو والے  $^{52}$  W کا نام دیا گیا

اس كتاب ميں توانائي ياكام كو W سے ظاہر كيا جائے گا اگرچه طاقت كى اكائى واٹ W كے لئے بھى يہى علامت استعال ہوتی ہے۔امید کی جاتی ہے کہ متن سے اصل مطلب جاننا ممکن ہو گا۔

وقت  $t \geq -1$  ساتھ توانائی W کی تبدیلی کی شرح کو طاقہn کتے ہیں۔یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.42) p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ie = i\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t}$$

متناطیسی دور میں لمحہ  $t_1$  تا  $t_2$  متناطیسی توانائی کی تبدیلی کو تکمل کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا ہے:

(2.43) 
$$\Delta W = \int_{t_1}^{t_2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

اک کھیے کا مقناطیسی دور، جس میں امالہ کی قبیت اٹل ہو، کے لئے درج ذمل ککھا جا سکتا ہے۔

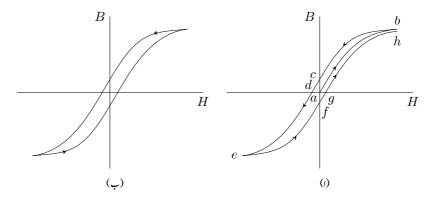
(2.44) 
$$\Delta W = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left( \lambda_2^2 - \lambda_1^2 \right)$$

energy<sup>47</sup>

<sup>49</sup> جیمس پریسقوٹ حاول انگلتانی سائنسدان جنہوں نے حرارت اور میکانی کام کار شتہ دریافت کیا

<sup>&</sup>lt;sup>51</sup> سکاٹلدنڈ کے جیمز واٹ جنہوں نے بخارات پر چلنے والے انجن پر کام کیا

2.8. مقت طیسی مادہ کے خواص



شکلB-H:2.14 خطوط یامقناطیسی جال کے دائرے۔

یوں 
$$t_1$$
 پر  $0$  تصور کرتے ہوئے کسی مجھی  $\lambda$  پر مقناطیسی توانائی درج ذیل ہو گا۔ 
$$\Delta W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$$

#### 2.8 مقناطیسی مادہ کے خواص

قالب کے استعال سے دو فوائد حاصل ہوتے ہیں۔ قالب کے استعال سے کم مقناطیسی دباو، زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے اور مقناطیسی بہاو کو پیند کی راہ پر رہنے کا پابند بنایا جا سکتا ہے۔ یک دوری ٹرانسفار مروں میں قالب کے استعال سے مقناطیسی بہاو کو اس طرح پابند کیا جاتا ہے کہ تمام کچھوں میں کیساں بہاو پایا جاتا ہو۔ موٹروں میں قالب کے استعال سے مقناطیسی بہاو کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پیدا ہو جبکہ جزیئروں میں زیادہ سے زیادہ تو جاتا ہے کہ زیادہ ہو جبکہ جزیئروں میں زیادہ سے زیادہ تو دباو کو ایس کرنے کی نیت سے بہاو کو پابند کیا جاتا ہے۔

B-H مقناطیسی مواد کی B اور H کا تعلق ترسیم کی صورت میں پیش کیا جاتا ہے۔ لوہا نما مقناطیسی مادے کی A مقناطیسی مواد کی B اور B کا نقط B ترسیم شکل B۔ ایک لوہا نما مقناطیسی مادہ جس میں مقناطیسی اثر نہیں پایا جاتا ہو کو نقط B سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس نقط پر درج ذیل ہوں گے۔

$$H_a = 0$$

$$B_a = 0$$

46 باب2. مقناطیسی ادوار

اس مادہ کو کچھے میں رکھ کر اس پر مقناطیسی دباو لا گو کیا جا سکتا ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت H لا گو کرنے سے لوہا نما مقناطیسی مادے میں کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہو گی۔میدانی شدت بڑھانے سے کثافت مقناطیسی بہاو b بھی بڑھے گی۔اس عمل کو نقطہ a سے ابتدا کرتے ہوئے ایک تیردار قوس سے دکھایا گیا ہے۔میدانی شدت کو نقطہ b تک بڑھایا گیا ہے جہاں d اور d ہوں گے۔

نقطہ b تک پہنچنے کے بعد میدانی شدت کم کرتے ہوئے دیکھا گیا ہے کہ واپی قوس ایک مختلف راستہ اختیار کرتا ہے۔ یوں نقطہ b ہو کر نقطہ c ہو کر نقطہ کے میدانی شدت کم کرتے ہوئے صفر کرنے سے لوہا نما مادہ کی کثافتِ مقناطیسی بہاہ کم ہو کر نقطہ c پر آن پہنچنی ہے۔ نقطہ d سے نقطہ d تیر دار قوس اس عمل کو ظاہر کرتا ہے۔ نقطہ c پر بیرونی میدانی شدت صفر ہے لیکن لوہا نما مادے کی کثافتِ مقناطیسی بہاہ صفر نہیں ہے۔ یہ مادہ ایک مقناطیس بن گیا ہے جس کی کثافتِ مقناطیسی بہاہ d کے مقاطیس اس طرح بنایا جاتا ہے۔

نقطہ c سے میدانی شدت منفی رخ بڑھانے سے B کم ہوتے ہوتے آخر کار ایک مرتبہ دوبارہ صفر ہو جائے گی۔اس نقطہ کو d سے ظاہر کیا گیا ہے۔مقاطیسیت ختم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی مقدار  $|H_d|$  کو مقاطیسیت ختم کرنے والی شدت یا مختصراً غاتم شدھے  $^{54}$  کہتے ہیں۔

منفی رخ میدانی شدت مزید بڑھانے سے نقطہ e حاصل ہو گا۔ اس کے بعد منفی رخ کی میدانی شدت کی مطلق قیت کم کرنے سے نقطہ f حاصل ہو گا جہاں میدانی شدت صفر ہونے کے باوجود کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر نہیں ہے۔اس نقطہ پر لوہا نما مادہ اُلٹ رخ مقناطیس بن چکا ہے اور  $B_f$  بقایا کثافتِ مقناطیسی بہاو ہے۔اسی طرح اس رخ مقناطیسیت ختم کرنے کی شدت  $|H_g|$  ہے۔میدانی شدت بڑھاتے ہوئے نقطہ b کی بجائے جاتا ہے۔

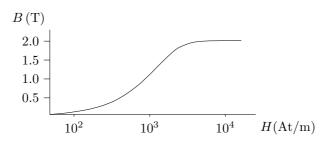
برتی شدت کو متواتر اسی طرح پہلے ایک رخ اور پھر مخالف (دوسری) رخ ایک خاص حد تک پہنچانے سے آخر کار گار کا سے متحنی کا ایک بند دائرہ حاصل ہو گا جے شکل 2.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس دائرہ پر گھڑی کے مخالف رخ سفر ہو گا۔شکل 2.14-ب کو مقناطیسی چالے کا دائرہ 55 کہتے ہیں۔

مختلف H کے لئے شکل 2.14-ب حاصل کر کے ایک ہی کاغذ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے b نقطے جوڑنے B سے شکل 2.15 میں دکھائی گئ B - H ترسیم حاصل ہو گی۔ ٹرانسفار مروں میں استعال ہونے والی 0.3048 میں موجود مواد جدول 2.1 موٹی B قالبی پتری کی B - H ترسیم شکل 2.15 میں دکھائی گئی ہے۔ اس ترسیم میں موجود مواد جدول 2.1

magnetic flux!residual<sup>53</sup> coercivity<sup>54</sup>

hysteresis loop<sup>55</sup>

2.8 مقت طیسی مادہ کے خواص



شکل 5:2.15 نولاد کی 0.3048 ملی میٹر موٹی پتری کی ترسیم۔میدانی شدت کا پیانہ لاگ ہے۔

میں بھی دیا گیا ہے۔ عموماً متناطیسی مسائل حل کرتے ہوئے شکل 2.14 کی جگه شکل 2.15 طرز کی ترسیم استعال کی جاتی ہے۔ وھیان رہے کہ اس ترسیم میں H کا پیانہ لاگے<sup>56</sup> ہے۔

اوہ نما مقناطیسی مادے پر لاگو مقناطیسی شدت بڑھانے سے کثافتِ مقناطیسی بہاو بڑھنے کی شرح بتدر ج کم ہوتی جاتی ہے حتی کہ آخر کار یہ شرح خلاء کی شرح  $\mu_0$  کے برابر ہو جاتی ہے:

$$\frac{\Delta B}{\Delta H} = \mu_0$$

اس اثر کو سیرابیدے 57 کہتے ہیں جو شکل 2.15 میں واضح ہے۔

شکل 2.14 سے واضح ہے کہ H کی کسی بھی قیت پر B کے دو مکنہ قیمتیں ہوں گی۔ بڑھتے مقاطیسی بہاو کی صورت میں ترسیم میں نیچ سے اُوپر جانے والی منحنی B اور H کا تعلق پیش کرے گی جبکہ گھٹے ہوئے مقاطیسی بہاو کی صورت میں اوپر سے نیچ جانے والی منحنی اس تعلق کو پیش کرے گی۔ چونکہ  $B/H=\mu$  ہی المذا B کی مقدار تبدیل ہونے سے  $\mu$  کی قیمت بھی تبدیل ہوگا۔ باوجود اس کے ہم مقاطیسی ادوار میں  $\mu$  کو ایک مستقل تصور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے عمواً نتائج پر زیادہ اثر انداز نہیں ہوتا۔

مثال 2.7: شکل 2.15 یا اس کے مساوی جدول 2.1 میں دی گئی مواد استعال کرتے ہوئے شکل 2.6 کی خلاء میں ایک ٹسلا اور دو ٹسلا کثافت متناطیسی بہاو حاصل کرنے کے لئے درکار برقی رو معلوم کریں۔درج ذیل معلومات استعال کریں۔ قالب اور خلاء کا رقبہ عمودی تراش ایک دوسرے جتنا لیں۔

$$b = 5 \text{ cm}, w = 4 \text{ cm}, l_a = 3 \text{ mm}, l_c = 30 \text{ cm}, N = 1000$$

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \log^{56} \\ \mathrm{saturation}^{57} \end{array}$ 

با\_\_\_2.مقن طیسی ادوار 48

حل: ایک ٹسلا کے لئے۔ جدول 2.1 کے تحت قالب میں 1 ٹسلا کے لئے قالب کو 11.22 ایمپیئر-چکر فی میٹر قیمت کی شدت H در کار ہو گی۔ بوں 30 سم لمے قالب کو  $3.366 = 11.22 \times 0.3$  ایمپیئر چکر درکار ہوں گے۔

خلاء کو درج ذیل ایمییئر - چکر فی میٹر شدت درکار ہے۔

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795\,671$$

یوں 3 ملی میٹر خلاء کو 2387 = 2387×0.003 ایمپیئر چکر در کار ہوں گے۔اس طرح کل دایمپیئر - چکر +3.366 2390.366 بين جن سے درج ذيل حاصل کيا حاسکتا ہے۔

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حل: دو ٹسلا کے لئے۔

حدول 2.1 کے تحت قالب میں 2 ٹسلا کثافت کے لئے قالب کو 10000 ایمییئر-چکر فی میٹر H درکار ہو گی۔ بول 30 سم قالب کو  $3000 = 0.3 \times 1000$  ایمپیئر چکر درکار ہوں گے۔ خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591342$$

ايمبيئر - چکر في ميٹر درکار بين لهذا 3 ملي ميٹر لمبي خلاء کو 4774 = 1591342 × 0.003 ايمبيئر چکر درکار ہوں گے۔ یوں کل ایمپیئر- چکر 7774 = 4774 + 3000 ہیں جن سے درج ذیل حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$i = \frac{7774}{1000} = 7.774 \,\mathrm{A}$$

اس مثال میں مقناطیسی سیر ابت واضح ہے۔

2.9. بيجبان شده لچھ ا

B	H	B	H	B	H	B	H	B	H	B	H
0.000	0	0.700	9	1.480	30	1.720	200	1.852	1000	1.998	9000
0.040	2	0.835	10	1.540	40	1.752	300	1.900	2000	2.000	10000
0.095	3	1.000	11.22	1.580	50	1.780	400	1.936	3000	2.020	20000
0.160	4	1.100	12.59	1.601	60	1.800	500	1.952	4000	2.040	30000
0.240	5	1.200	14.96	1.626	70	1.810	600	1.968	5000	2.048	40000
0.330	6	1.300	17.78	1.640	80	1.824	700	1.975	6000	2.060	50000
0.440	7	1.340	20	1.655	90	1.835	800	1.980	7000	2.070	60000
0.560	8	1.400	23.77	1.662	100	1.846	900	1.985	8000	2.080	70000

#### جدول 2.1: مقناطيسي بهاو بالمقابل شدت

#### 2.9 ميجان شده لجها

بدلتا رو بیلی میں برتی دباو اور مقناطیسی بہاو عموماً سائن نما ہوتے ہیں جن کا وقت کے ساتھ تعلق sin wt یا sin میل ہو گا۔ اس حصہ میں بدلتا رو سے کچھا بیجان کرنا اور اس سے نمودار ہونے والی برتی توانائی کے ضیاع پر تذکرہ کیا جائے گا۔ قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو

$$(2.48) B = B_0 \sin \omega t$$

کی صورت میں قالب میں درج ذیل براتا مقناطیسی بہاو ، پیدا ہو گا۔

(2.49) 
$$\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$$

اس مساوات میں مقناطیسی بہاو کا حیطہ  $\phi_0$ ، کثافت متناطیسی بہاو کا حیطہ  $\phi_0$ ، قالب کا رقبہ عمود کی تراش  $A_c$  (جو  $\pi$  مقام پر کیسال ہے )، زاویائی تعدد  $\pi$  عدد  $\pi$  و اور تعدد  $\pi$  ہے۔

فیراڈے کے قانون (ماوات 2.27) کے تحت یہ مقاطیسی بہاو کچھے میں e(t) امالی برقی دباو $^{58}$  پیدا کرے گا

(2.50) 
$$e(t) = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

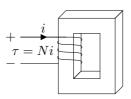
$$= \omega N \phi_0 \cos \omega t$$

$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$

$$= E_0 \cos \omega t$$

induced voltage<sup>58</sup>

باب2. مقت طبيسي ادوار



شكل 2.16: ساده مقناطيسي دور (مثال 2.8) ـ

جس کا حیطہ درج ذیل ہو گا۔

$$(2.51) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ہم بدلتے رو مقداروں کے مربع کی اوسط کے جذر میں دلچیں رکھتے ہیں جو ان مقداروں کی موثر  $^{59}$  قیت ہوتی ہے۔ جیسا صفحہ 19 پر مساوات 1.42 میں دیکھا گیا، سائن نما موج کی موثر قیت موج کے حیطہ کی  $1/\sqrt{2}$  گنا ہو گی لہذا امالی برتی دباو کی موثر قیت  $E_{rms}$  درج ذیل ہو گی۔

(2.52) 
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

یہ مساوات بہت اہم ہے جس کو ہم بار بار استعال کریں گے۔بدلتے برقی دباو یا بدلتے برقی رو کی قیمت سے مراد ان کی موثر قیمت ہو گی۔پاکستان میں گھر بلو برقی دباو کی موثر قیمت 220 وولٹ ہے۔اس سائن نما برقی دباو کی چوٹی  $\sqrt{2} \times 220 = 311$ 

مثال 2.8: شکل 2.16 میں کچھے کے 27 چکر ہیں۔ قالب کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عمودی تراش 2.8 مثال 2.8: شکل 2.16 میں کچھے کے 27 چکر ہیں۔ قالب کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عمودی تراش 229.253 مربع سم ہے۔ کچھے کو گھر میلو 220 وولٹ موثر برقی دباوید محرک برقی رو معلوم کریں اور اس کا خط کھیجنیں۔

(2.53) 
$$v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$$

مساوات 2.52 کی مدد سے ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی حاصل کرتے ہیں۔

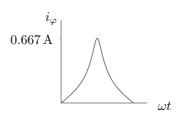
(2.54) 
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 \,\mathrm{T}$$

root mean square,  $\rm rms^{59}$ 

2.9. بيجبان شده لچھ

$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$
0.675	1.000	11.22	3.366	0.125	0.000	0.000	0	0.000	0.000
0.757	1.100	12.59	3.777	0.140	0.025	0.040	2	0.600	0.022
0.847	1.200	14.96	4.488	0.166	0.059	0.095	3	0.900	0.033
0.948	1.300	17.78	5.334	0.198	0.100	0.160	4	1.200	0.044
0.992	1.340	20	6.000	0.222	0.150	0.240	5	1.500	0.056
1.064	1.400	23.77	7.131	0.264	0.208	0.330	6	1.800	0.067
1.180	1.480	30	9.000	0.333	0.278	0.440	7	2.100	0.078
1.294	1.540	40	12.000	0.444	0.357	0.560	8	2.400	0.089
1.409	1.580	50	15.000	0.556	0.453	0.700	9	2.700	0.100
1.571	1.601	60	18.000	0.667	0.549	0.835	10	3.000	0.111

جدول2.2: محرک برقی رو



شكل 5:2.17 يترى كے قالب ميں 6.1 أسلاتك بيجان بيداكرنے كے لئے در كار بيجان انگيز برقى رويہ

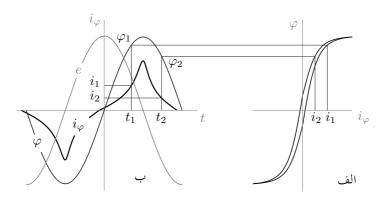
یوں قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کا حیطہ 1.601 ہو گا اور قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کی مساوات درج ذیل ہوگی۔

$$(2.55) B = 1.601 \sin \omega t$$

ہم جدول کی مدد سے 0 اور 1.601 ٹسلا کے 3 مختلف قیمتوں پر درکار محرک برقی رو  $i_{\phi}$  معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ ہم مختلف B پر جدول 2.1 سے قالب کی H حاصل کریں گے جو ایک میٹر لمبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر-چکر ہوں گے۔ اس سے 30 سم لمبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر-چکر کر معلوم کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔

جدول 2.2 مختلف کثافتِ متناطیسی بہاو کے لئے درکار محرک برقی رو دیتی ہے۔جدول میں ہر B کی قیمت پر  $\omega t$  مساوات 2.55 کی مدد سے حاصل کی گئی ہے۔ $\omega t$  بالمقابل محرک برقی رو کا خط شکل  $\Delta t$  میں دیا گیا ہے۔  $\omega t$ 

52 باب\_2 مقت طبيسي ادوار



شكل 2.18: ہيجان انگيز برقى رو۔

برتی کچھے میں برقی دباو سے ہیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ ہیجان شدہ کچھا میں گزرتے برقی رو $i_{\varphi}$  کی بنا قالب میں مقناطیسی بہاو پیدا ہو گا۔ اس برتی رو $i_{\varphi}$  کو ہیجارہے انگیز برقیے رو $i_{\varphi}$  کو ہیجارہے انگیز برقی رو $i_{\varphi}$  کی بنا قالب میں معناطیسی بہاد پیدا ہو گا۔ اس برتی رو $i_{\varphi}$  کو ہیجارہے انگیز برقی رو $i_{\varphi}$ 

مثال 2.8 میں بیجان انگیز برتی رو معلوم کی گئی جے شکل 2.17 میں دکھایا گیا۔اسے حاصل کرتے وقت مقناطیسے پالے  $^{61}$  کو نظر انداز کیا گیا۔شکل 2.18 میں بیجان انگیز برتی رو  $_{\phi}i$  دکھائی گئی ہے جو مقناطیسی چال کو مدِ نظر رکھ کر حاصل کی گئی ہے۔ اس کو سمجھنا ضروری ہے۔

شکل 2.18-الف میں مقناطیسی چال کا دائرہ و کھایا گیا ہے۔درج ذیل تعلقات کی بنا مقناطیسی چال کے خط کو  $\varphi = i_{\odot}$ 

(2.56) 
$$Hl = Ni$$

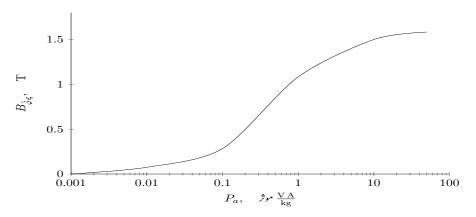
$$\varphi = BA_c$$

قالب میں سائن نما مقناطیسی بہاو  $\varphi$  کو شکل 2.18-ب میں دکھایا گیا ہے۔سائن نما مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ لحمہ  $t_1$  پر اس کی قیمت  $p_1$  ہو گی۔ مقناطیسی بہاو  $p_1$  حاصل کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو  $p_1$  شکل-الف سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ اسی بیجان انگیز برقی رو کو شکل-ب میں لمحہ  $p_1$  پر دکھایا گیا ہے۔  $p_2$ 

دھیان رہے کہ لحہ  $t_1$  پر مقناطیسی بہاو بڑھ رہا ہے للذا مقناطیسی چال کے خط کا درست حصہ استعال کرنا ضروری ہے۔ شکل 2.18-الف میں arphi - arphi = arphi خط میں گھڑی کی سو یکوں کے مخالف رخ گھومتے ہوئے یوں نیچے سے اوپر

excitation current<sup>60</sup> hysteresis<sup>61</sup>

2.9. بيجبان شده لچھ ا



شکل 2.19: بیجاس ہر ٹزیر 0.3 ملی میٹر موٹی پتری کے لئے در کار موثر وولٹ - اپنیئر فی کلو گرام قالب

جاتا ہوا حصہ استعال کیا گیا ہے۔شکل 2.14-ب میں تیر کے نشان مقناطیسی بہاو بڑھنے (ینچے سے اوپر) اور گھنے (اوپر سے ینچے) والے حصوں کی نشاندہی کرتے ہیں۔

لمحہ  $t_2$  پر مقناطیسی بہاو گھٹ رہا ہے۔اس لمحہ پر مقناطیسی بہاو  $\varphi_2$  ہے اور اسے حاصل کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو $i_2$  ہے۔

اسی طرح مختلف کمحات پر درکار ہیجان انگیز برتی رو حاصل کرنے سے شکل 2.18-ب کا  $i_{arphi}$  خط ملتا ہے جو غیر سائن نما ہے۔

 $e=N\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=N\phi_0\omega\cos\omega t$  کی صورت میں برقی دباو  $\varphi=\phi_0\sin\omega t$  ہو گا۔ شکل  $\varphi=\phi_0\sin\omega t$  ہیں کہ برقی دباو ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ برقی دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  بہاد کھی دکھایا گیا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ برقی دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  ہیں دکھایا گیا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ برقی دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  ہیں دکھایا گیا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ برقی دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  ہیں دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  ہیں دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  ہیں دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  ہیں دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  ہیں دباو سے مقناطیسی بہاو  $\phi=0$  تاخیر سے  $\phi=0$  تاخیر

 $H_{c,rms}$  کی موثر قیمتوں کی موثر نما ہوں گے جن کی موثر قیمتوں  $B=B_0\sin\omega t$  اور  $i_{\varphi}$  نما ہوں کے جن کی موثر قیمتوں اور جن نما ہوں کا تعلق درج ذیل ہو گا۔

$$(2.57) Ni_{\varphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

مساوات 2.52 اور مساوات 2.57 سے درج ذیل حاصل ہو گا

$$(2.58) E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2}\pi f B_0 H_{c,rms} A_c l_c$$

باب 2. مقت طبيسي ادوار

جہاں  $A_c l_c$  قالب کا مجم ہے۔ یوں  $A_c l_c$  مجم کے قالب کو  $B_0$  کثافت مقناطیسی بہاو تک بیجان کرنے کے لئے درکار  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  مساوات  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  مساوات  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  مساوات کا لہذا ایک کلو گرام قالب کے لئے مساوات  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کو درج ذیل روپ میں لکھا جا سکتا ہے۔  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$ 

$$(2.59) P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2}\pi f}{\rho_c} B_0 H_{c,rms}$$

 $H_{c,rms}$  ویکھا جائے تو کسی ایک تعدد f پر g کی قیمت صرف قالب اور اس میں g یعنی چونی گل پر متحصر ہے، چونکہ خور وہ وہ ہے کہ قالب بنانے والے اکائی کمیت کے قالب میں مختلف چونی g پیدا کرنے کے خود g پر منحصر ہے۔ یہی وجہ ہے کہ قالب بنانے والے اکائی کمیت کے قالب میں مختلف جونی g پیدا کرنے کے ایک در کار g بالقابل g بالقابل g بالقابل g ترسیم مہیا کرتے ہیں۔ قالب کی g میں مرکب کے لئے ایک ترسیم شکل 2.19 میں دکھایا گیا ہے۔

# باب3

# ٹرانسفار مر

ٹرانسفار مر وہ آلہ ہے جو برلتا برقی دباو کو تبدیل کرتا ہے۔ یہ دویا دوسے زیادہ کچھوں پر مشتمل ہوتا ہے جو مقناطیسی قالب اپر لیلئے ہوتے ہیں۔ یہ کچھے عموماً آپس میں جڑے ہوئے نہیں ہوتے۔ شکل 3.1-الف میں ٹرانسفار مرکی علامت د کھائی گئی ہے۔ دو کچھوں کے در میان متوازی کلیریں مقناطیسی قالب کو ظاہر کرتی ہیں۔

دستیاب برقی د باو<sup>2</sup> پر ٹرانسفار مر کے ایک کچھے کو برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے اور باقی کچھوں سے مختلف برقی د باو پر یہی برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے۔ جس کچھے پر برقی د باو لا گو کیا جائے اسے ابتدائیے کچھا<sup>3</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو ابتدائی جانب<sup>4</sup> کہتے ہیں۔اس طرح جس کچھے (کچھوں) سے برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے اسے (انہیں) اگونوںے کچھا<sup>3</sup> (کچھے) کہتے ہیں اور اس جانب کو اگونوںے جانب<sup>6</sup> کہتے ہیں۔اییا شکل 3.1-ب میں دکھایا گیا ہے۔ٹرانسفار مرکی علامت میں ابتدائی جانب کو ہائیں طرف اور ٹانوی جانب کو دائیں طرف دکھایا جاتا ہے۔

بڑے ٹرانسفار مر عموماً صرف دو کچھوں پر مشمل ہوتے ہیں۔اس کتاب میں مقناطیسی قالب پر لیٹے ہوئے دو کچھوں کے قوی ٹرانسفار مر پر تبصرہ کیا جائے گا۔

magnetic core<sup>1</sup>

<sup>2</sup> بدلتا برقی دیاو کی علامت میں مثبت اور منفی نشان وقت صفر پر برقی دیاو کی مثبت اور منفی سرے ظاہر کرتے ہیں۔

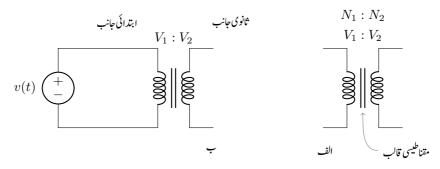
primary coil<sup>3</sup>

primary side<sup>4</sup>

secondary coil<sup>5</sup>

secondary side<sup>6</sup>

56 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شكل 3.1: ٹرانسفار مركى علامت۔

ٹرانسفار مرکے کم برقی دباو کے کچھے کو کم برقی دباو کا کچھا<sup>7</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو کم برقی دباو والی جانب کہتے ہیں جبکہ ٹرانسفار مرکے زیادہ برقی دباو کے کچھے کو زیادہ برقی دباو کا کچھا<sup>8</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو زیادہ برقی دباو والی جانب کہتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مرکے کم برقی دباو جانب برقی دباو لا گو کیا جائے اور زیادہ برقی دباو جانب سے برقی دباو حاصل کیا جائے تو ٹرانسفار مرکی کم برقی دباو جانب کو ابتدائی جانب کہیں گے اور اس کی زیادہ برقی دباو جانب کو ثانوی جانب کہیں گے۔ کہیں گے۔

#### 3.1 ٹرانسفار مرکی اہمیت

برلتے رو کی برقی طاقت ایک مقام سے دوسرے مقام با آسانی اور نہایت کم برقی طاقت کی ضیاع سے منتقل کی جا سکتی ہے۔ یہی اس کی مقبولیت کا راز ہے۔ ٹرانسفار مر کے تبادلہ برقی دباو<sup>9</sup> کی خصوصیت ایسا کرنے میں کلیدی کردہر ادا کرتی ہے جسے درج ذیل مثال کی مدد سے سمجھتے ہیں۔

مثال 3.1: شکل 3.2 سے رجوع کریں۔ برتی دباو اور برتی روکی حاصل ضرب برتی طاقت ہوتی ہے:

 $p = v_1 i_1 = v_2 i_2$ 

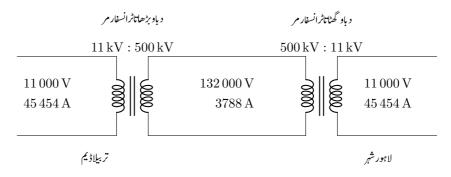
تصور کریں کہ تربیلا ڈیم سے 500 MW برقی طاقت لاہور 10 شہر کے گھریلو صارفین کو 220 وولٹ پر مہیا کرنی

low voltage coil<sup>7</sup> high voltage coil<sup>8</sup>

voltage transformation property<sup>9</sup>

10 صلع صوابی میں بھی لاہورایک تحصیل ہے لیکن اس شہر کواتنی طاقت نہیں در کار

3.1. نُرانسفار مسركي ايميت



شكل 3.2: برقى طاقت كى منتقلى\_

ہے۔اگر ہم اس طاقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقل کرنا چاہیں تب برقی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{220} = 2\,272\,727\,\mathrm{A}$$

ہو گی۔ برقی تار میں کثافتِ برقی رو  $J_{au}$  تقریباً 5 ایمپیئر فی مربع ملی میٹر  $\frac{A}{mm^2}$  کی مربع ملی میٹر  $J_{au}=5$  ممکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافتِ برقی رو ہے۔ اگر برقی تار میں اس سے زیادہ برقی رو گزاری جائے تو اس کی مزاحمت میں برقی طاقت کے ضیاع سے یہ گرم ہو کر پھول سکتی ہے۔ اس طرح صفحہ 12 پر مساوات 1.23 سے برقی تار کا رقبہ عمودی تراش

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{2272727}{5} = 454545 \,\text{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تو اس کا رداس درج ذیل ہو گا۔

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{454545}{\pi}} = 380 \,\mathrm{mm} = 0.38 \,\mathrm{m}$$

ا تنی موٹی برقی تار کہیں نہیں پائی جاتی ہے $^{11}$  اگر یہ تار الموٹیم کی بنی ہو جس کی کثافت  $\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3}$  ہوتی ہے تب ایک میٹر کمبی تار کی کمیت

$$m=2700\times\pi\times0.38^2\times1=1224\,\mathrm{kg}$$

یعنی 1.2 ٹن ہو گی۔المو ٹیم اتنی مہنگی ہے کہ اس صورت میں اتنی برقی طاقت کو لاہور پہنچانا ممکن نہیں ہو گا<sup>12</sup>۔

<sup>11</sup>آپ مانیں بانی مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی بر قی تاریجھی نہیں دیکھی ہوگی۔ 1<sup>1</sup>آج کل لاہور میں بکلی کی معطلی اس وجہ سے نہیں ہے۔

58 باب 3. ٹرانسفار مسر

آئیں اب ٹرانسفار مر استعال کر کے دیکھتے ہیں۔ ڈیم پر ایک ٹرانسفار مر نسب کر کے برقی دباو کو بڑھا کر 000 132 وولٹ یعنی 132 کلو وولٹ کیا جاتا ہے۔ یوں برقی رو درج ذیل ہو گا

$$i = \frac{p}{v} = \frac{500\,000\,000}{132\,000} = 3788\,\mathrm{A}$$

جس کے لئے درکار برقی تار

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{3788}{5} = 758 \,\text{mm}^2$$
$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{1667}{\pi}} = 15.5 \,\text{mm}$$

صرف 15.5 ملی میٹر رداس کی ہو گی۔

اس مثال میں اگر تربیلا ڈیم میں نسب جزیٹر 11000 وولٹ برقی دباو پیدا کر رہا ہو تو تربیلا ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر برقی دباو کو 11000 وولٹ سے بڑھا کر 132 کلو وولٹ کرے گا جبکہ لاہور شہر میں نسب ٹرانسفار مر 132 کلو وولٹ کو واپس 11000 وولٹ کرے گا۔

اسی مثال کو بڑھاتے ہیں۔ شہر میں 220 دولٹ کی بجائے 11000 دولٹ صارف کے قریب پہنچا کر محلہ میں نسب ٹرانسفار مر کی مدد سے 11000 دولٹ کو مزید گھٹا کر 220 دولٹ کیا جائے گا جو صارف کو فراہم کیے جائیں گے۔

شکل 3.2 میں ڈیم سے شہر تک کا نظام دکھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر کو برقی دباو بڑھا ٹرانسفار مر<sup>13</sup> اور لاہور میں نسب ٹرانسفار مر کو برقی دباو گھٹا ٹرانسفار مر<sup>14</sup> کہا گیا ہے۔

برتی طاقت عموماً 11 کلو وولٹ اور 25 کلو وولٹ کے مابین پیدا کی جاتی ہے۔اس کی منتقلی 110 کلو وولٹ اور 1000 کلو وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔ 1000 کلو وولٹ کے چیج کی جاتی ہے جبکہ اس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔

step up  $transformer^{13}$ step down  $transformer^{14}$ 

3.2. ٹرانسفار مسرکے اتب م

### 3.2 ٹرانسفار مرکے اقسام

گھروں اور کارخانوں کو برقی طاقت فراہم کرنے والے ٹرانسفار مر مقناطیسی قالب پر کپیٹے جاتے ہیں۔ یہ عموماً تیریخ دوری 15 ہوتے ہیں جنہیں لوہے کے قالب والے تیریخ مرملہ قوبی ٹرانسفار م<sup>16</sup> کہتے ہیں۔

نہایت جھوٹے ٹرانسفار مر عموماً لوہے کے قالب پر بنائے جاتے ہیں اور یکے دوری 17 ہوتے ہیں۔ یہ گھر ملو استعال کے برقی مثین، مثلاً موبائل چار جر، وغیرہ میں نب ہوتے ہیں اور 220 وولٹ سے برقی دباو مزید گھٹاتے ہیں۔

برقی دباوکی پیائش کے لئے مستعمل ٹرانسفار مر، جو دباو کے ٹرانسفارم <sup>18</sup> کہلاتے ہیں، کے ثانوی اور ابتدائی برقی دباو کی تناسب پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔اسی طرح برقی روکی پیائش کے لئے مستعمل ٹرانسفار مر، جو روکے ٹرانسفارم <sup>19</sup> کہلاتے ہیں، کے ثانوی اور ابتدائی روکی تناسب پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مرکسی تناسب سے برقی دباویا برقی روکم یا زیادہ کرتا ہے لیکن جیسا پہلے ذکر کیا گیا، ان دو اقسام کے ٹرانسفار مروں میں کم اور زیادہ کرنے کی تناسب پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ان دو اقسام کے ٹرانسفار مروں کی برقی سکت<sup>20</sup> نہایت کم <sup>21</sup> ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مر کے کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو خلاء کے ذریعہ بھی ممکن ہے۔انہیں ظلائمے قالب ٹرانسفار مروں کہتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفار مر ذرائع ابلاغ <sup>23</sup> کے ادوار، لیعنی ریڈیو، ٹی وی وغیرہ میں پائے جاتے ہیں۔ان ٹرانسفار مروں کی علامت شکل 3.3 میں دکھائی گئی ہے جس میں قالب ظاہر کرنے والی متوازی کلیریں نہیں پائی جاتی ہیں۔

## 3.3 امالى برتى دباو

اس جھے کا بنیادی مقصد بیرونی برقی دباو v اور اندرونی امالی برقی دباو e میں فرق واضح کرنا اور ان سے متعلق سمنیکی اصطلاحات کا تعارف ہے۔

three  $phase^{15}$ 

iron core, three phase power  $transformer^{16}$ 

single phase<sup>17</sup>

 $potential\ transformer^{18}$ 

current transformer 19

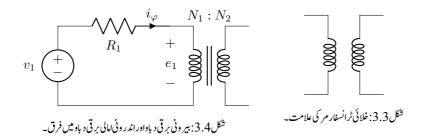
electrical rating  $^{20}$ 

<sup>21</sup> پير عموماً تقريباً پچيس وولٺ -ايمپيئر سکت رکھتے ہيں۔

air core transformer<sup>22</sup>

 $communication\ transformer^{23}$ 

60 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شکل 3.4 میں بے بوجھ 24 ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے، یعنی اس کا ثانوی کچھا کھے دور رکھا گیا ہے۔ ابتدائی کچھے کی مزاحت  $R_1$  ہے جس کو بیرونی جزو دکھایا گیا ہے۔ابتدائی کچھے پر  $v_1$  برتی دباو لا گو کرنے سے ابتدائی کچھے میں بیجان انگیز برتی روسے پیدا مقناطیسی دباو  $N_1i_{\varphi}$  قالب میں مقناطیسی بہاو  $p_1$  بیدا کرتا ہے جے درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔ کے گا۔ یہ بداتا مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے میں امالی برتی دباو  $p_1$  پیدا کرتا ہے جے درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

(3.1) 
$$e_1 = -\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t} = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

اس مساوات میں

- 🛽 ابتدائی کچھے کی مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے،
- $\varphi$  مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو جو دونوں کیھوں میں سے گزرتی ہے،
  - ابتدائی کھھے کے چکر ہیں۔  $N_1$

ابتدائی کچھے کی مزاحمت  $R_1$  صفر نہ ہونے کی صورت میں کرخوف کے قانون برائے برقی دباو کے تحت درج ذیل ہو گا۔

$$(3.2) v_1 = i_{\varphi} R_1 + e_1$$

 $\begin{array}{c} unloaded^{24} \\ excitation \ current^{25} \end{array}$ 

شکل 3.4 میں اس مزاحمت کو بطور بیرونی جزو، ٹرانسفار مر کے باہر، د کھایا گیا ہے۔اس کچھے کی رستا متعاملہ بھی ہو گی جے نظرانداز کیا گیا ہے۔ عموماً طاقت کے ٹرانسفار مروں اور موٹروں میں  $i_{\wp}R_1$  کی قیمت  $e_1$  اور  $v_1$  کی قیمتوں سے بہت کم ہوتی ہے لہٰذا اسے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ ایپا کرتے ہوئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(3.3) v_1 = e_1 = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 3.2 سے ثابت ہوتا ہے کہ ہیر ونی لا گو برقی دیاو  $v_1$  اور اندرونی امالی برقی دیاو  $e_1$  دو علیحدہ برقی دیاو ہیں۔ یہ بات سمجھ لینا بہت ضروری ہے۔ مساوات 3.3 کے تحت  $v_1$  اور  $e_1$  کی مطلق قیمتیں (تقریباً) ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں<sup>26</sup>۔مساوات 3.3 میں دائیں ہاتھ منفی کی علامت پائی حاتی ہے۔(ہمیں عموماً برقی دباو کی مطلق قیت در کار ہوتی ہے نا کہ اس کی علامت لہذا اس کتاب میں مساوات 3.3 طرز کی مساواتوں میں دائیں ہاتھ منفی کی علامت عموماً نہیں لکھی گئی ہے۔)

لیھا ہیجار<sub>خ</sub> <sup>27</sup> کرنے سے مراد اس پر بیرونی برقی دباو لا گو کرنا ہے جبکہ کیچھے پر لا گو بیرونی برقی دباو کو ہیجار<sub>خ</sub> انگیز برقی دباو<sup>28</sup> کہتے ہیں۔ کیچھے کو ہیجارین شدہ کیھا<sup>29</sup> جبکہ اس میں رواں برقی رو کو ہیجارین انگیز برقی رو<sup>30</sup> کہتے ہیں۔

لحھے میں گزرتی مقناطیسی بہاو کی تبدیلی سے برقی دباو حاصل کیا جا سکتا ہے۔ ٹرانسفار مروں میں ساکن لیھا سے برقی دیاو حاصل کیا جاتا ہے۔ ساکن کیچھا سے حاصل برقی دیاو کو امالہ برقیر دیاو<sup>31</sup> کہتے ہیں۔ برقی دیاو کا حصول مقناطیسی میدان میں کچھے کی حرکت سے بھی ممکن ہے۔ ایسے برقی دباو کو محرکھ برقیر دباو<sup>32</sup> کہتے ہیں۔ باد رہے ان برقی دباو میں کسی قتم کا فرق نہیں ہوتا۔ انہیں مخلف نام صرف پیچان کی خاطر دے جاتے ہیں۔

## 3.4 سبحان انگیزیر قی رواور قالبی ضاع

جہاں مقناطیسی قالب میں بدلتا مقناطیسی بہاو ثانوی کیجھوں میں فائدہ مند برقی دیاو پیدا کرتا ہے وہاں یہ مقناطیسی قالب میں نقصان دہ برقی دباو کو بھی جنم دیتا ہے جس سے مقناطیسی قالب میں بھنور نابر قی رو<sup>33</sup> پیدا ہوتا ہے۔ بھنور نما برقی

<sup>26</sup>جس سے طلبہ کی ذہن میں یہ غلط فہمی پیدا ہوتی ہے کہ یہ ایک ہی ہر تی دیاو کے دومختلف نام ہیں۔

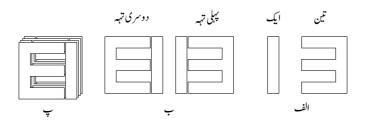
excitation voltage<sup>28</sup> excited coil<sup>29</sup>

 $<sup>{\</sup>rm excitation}~{\rm current}^{30}$ induced voltage<sup>31</sup>

electromotive force, emf<sup>32</sup>

eddy currents<sup>33</sup>

62 باب. 3. ٹرانسفار مسم



شکل 5. 3: قالبی پتری کے اشکال اور ان کو تہہ در تہہ رکھنے کاطریقہ۔

رو مقناطیسی قالب میں برقی طاقت کے ضیاع کا سبب بنتا ہے جے بھور نما برقی رو کا ضیاع  $^{36}$  یا مخضراً قالبی ضیاع  $^{35}$  کہتے ہیں۔ قالبی ضیاع کو کم سے کم کرنے کے لئے مقناطیسی قالب کو باریک لوہے کی پیزیان  $^{36}$  تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے۔ان پتریوں پر غیر موصل روغن  $^{37}$  کی تہہ لگائی جاتی ہے تا کہ بھنور نما برتی روکو روکا جا سکے۔آپ ویکھیں گے کہ برتی مشین کا قالب عموماً اسی طرح بنایا جاتا ہے۔شکل 2.15 اور جدول 2.1 میں  $^{3048}$  میں میٹر موٹی کا کہ برتی موٹ کا  $^{37}$  کے مواد دیا گیا ہے۔

شکل 3.5-الف میں قالبی پتر یوں کے دو اشکال دکھائے گئے ہیں۔ان کی صورت کی وجہ سے انہیں ایک اور اور علی علی علی بی بتر یوں اور تین پتر یوں اور تین پتر یوں کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ان دو طریقوں سے انہیں تہہ در تہہ رکھا جاتا ہے۔الذا اگر پہلی تہہ میں ایک دائیں جانب اور تین بائیں جانب رکھا جائے تو اس کے اوپر دوسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جانب رکھا جائے گا۔ تیسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جوڑ کر شکل 3.5۔پ میں دکھایا گیا قالب حاصل دائیں اور تین کو بائیں جانب رکھا جائے گا، وغیرہ۔اسی طرح انہیں جوڑ کر شکل 3.5۔پ میں دکھایا گیا قالب حاصل کیا جاتا ہے۔

ہیجان انگیز برقی رو بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مر میں یکسال ہوتا ہے ۔جیسا کہ پہلے بھی ذکر کیا گیا ہے، قوی ٹرانسفار مر اور موٹرول میں برقی دباو اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں جبکہ ان میں بیجان انگیز برقی رو غیر سائن نما ہوتا ہے۔ بول اگر

(3.4) 
$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / -90^\circ$$

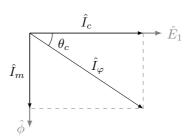
eddy current loss<sup>34</sup>

core loss<sup>35</sup>

 $laminations^{36} \\$ 

 $enamel^{37}$ 

 $<sup>\</sup>mathrm{E.I}^{38}$ 



شکل3.6: مختلف دوری سمتیوں کے زاویے۔

ہو تب

(3.5) 
$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t} = \omega N_1 \phi_0 \cos \omega t$$
 
$$\hat{E_1} = \omega N_1 \phi_0 / 0$$

 $\pi^{0}$  ہو  $\pi^{0}$  گا۔ یہاں  $\pi^{0}$  مقناطیسی بہاو کے حیطہ کو ظاہر کرتی ہے اور  $\pi^{0}$  ناویائی تعداد ارتعاش لیعنی  $\pi^{0}$  کو ظاہر کرتی ہے  $\pi^{0}$  ہوں  $\pi^{0}$  تعداد ارتعاش ہے جسے ہرٹر  $\pi^{0}$  ہیں نایا جاتا ہے۔ جیسا شکل  $\pi^{0}$  ہیں دکھایا گیا ہے  $\pi^{0}$  اور  $\pi^{0}$  کا زاوبیہ ہو گا۔  $\pi^{0}$  ہوگ موثر قیت  $\pi^{0}$ 

(3.6) 
$$E_{rms} = \frac{\omega N_1 \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N_1 \phi_0$$

ہے جس سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(3.7) 
$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44f N_1 \phi_0}$$

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر ثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک کچھ پر  $E_{rms}$  موثر برتی دباو لاگو کیا جائے تو یہ کچھا اتنا ہجان انگیز برتی رو  $i_{arphi}$  گزرنے دیتا ہے جس سے نمودار ہونے والا مقناطیسی بہاو مساوات 3.7 میں دیے گئے مقناطیسی بہاو  $\phi_0$  کے برابر ہو۔ یہ حقیقت نہ صرف ٹرانسفار مر بلکہ کسی بھی مقناطیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔

نیر سائن نما ہیجان انگیز برقی رو  $i_{\varphi}$  کو فوریئر تسلسل  $^{40}$  سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔  $i_{\varphi} = \sum_{n} \left( a_{n} \cos n\omega t + b_{n} \sin n\omega t \right)$  (3.8)

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup>ن مساوات میں اور اس کے بعد پور کی کتاب میں امالی برقی دباو کے ساتھ منفی علامت نہیں لگائی گئی ہے۔ Fourier series <sup>40</sup>

اس تسلسل میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جزو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے بیادی جزو میں آنے والے امالی برقی دباو،  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے ہم قدم ہے اور میں آنے والے امالی برقی دباو،  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے ہم قدم ہے اور دونوں ایک ساتھ بڑھے اور گھٹے ہیں جبہ  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے لخاظ سے  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے خاط ہے۔ قالب میں مختلف وجوہات کی بنا برقی طاقت کی ضائع، کو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  خاص بنانے والا برقی رو یا مقناطیسی برقی رو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  منفی کر کے مقناطیس بنانے والا برقی رو یا مقناطیسی برقی رو  $(a_1\cos\omega t + b_1\cos\omega t)$  میں تیبرا موسیقائی جزو عموماً کل ہوگان انگیز برقی رو کا 40 فی صد ہوتا ہے۔

ماسوائے جب بیجان انگیز برقی رو کے اثرات پر غور کیا جا رہا ہو، ہم بیجان انگیز برقی رو کے غیر سائن نما ہونے کو نظرانداز کرتے ہیں۔ قوی ٹرانسفار مرکا بیجان انگیز برقی رو اس کے کل برقی رو  $^{45}$ کا تقریباً 5 فی صد ہوتا ہے للذا اس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔ یوں ہم بیجان انگیز برقی رو کو سائن نما تصور کر کے اس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کر نا آسان ہو جاتا ہے۔ اس فرضی سائن نما بیجان انگیز برقی رو  $^{46}$  کی موثر قیمت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ  $^{6}$  یوں رکھا جاتا ہے کہ اس سے ماصل برقی ضیاع اصل برتی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل  $^{6}$  کی مدد سے بیہ بات سمجھنی زیادہ آسان ہے۔ قالبی ضیاع مورت میں  $^{6}$  کی قیمت یوں منتخب کی جائے گی کہ درج ذیل مساوات درست ہو۔

 $(3.9) p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$ 

رباو  $\hat{I}_{arphi}$  د باو  $\hat{E}_{1}$  سے  $\hat{I}_{arphi}$  تاخیر کی ہو گا۔

# 3.5 تبادله برقی د باواور تبادله برقی روکے خواص

 $N_2$  ہم شکل  $N_1$  کی مدد سے ٹرانسفار مر کا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ ابتدائی لچھا  $N_1$  اور ثانوی لچھا و $N_2$  چیکر کا ہے اور دونوں لچھوں کی مزاحمتیں صفر ہیں۔ ہم مزید فرض کرتے ہیں کہ یورا مقناطیسی بہاو قالب ہیں رہتا اور

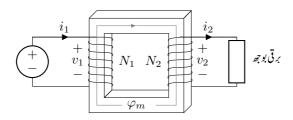
fundamental component<sup>41</sup>

harmonic components<sup>42</sup>

core loss component<sup>43</sup>

magnetizing current<sup>44</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup>کل بر تی روے مرادوہ بر تی روہ جو کل بر تی پو جھ لادنے سے حاصل ہوتا ہے۔ <sup>46</sup> یعنی بدلتا بر تی رو<sub>ن</sub> ہی کواپ دوری سمتہ کی ہد دسے <u>، آ</u>کھتے ہیں



شكل 3.7: كامل بوجھ بردارٹرانسفار مر۔

دونوں کچھوں سے گزرتا ہے، قالب میں برقی توانائی ضائع نہیں ہوتی اور قالب کا مقناطیسی مستقل اتنا بڑا ہے کہ بیجان انگیز برقی رو قابل نظر انداز ہے۔ برقی رو  $i_1$  اور  $i_2$  کے رخ یوں رکھے گئے ہیں کہ ان سے پیدا مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کے مخالف رخ ہیں۔ اصل ٹرانسفار مر ان باتوں پر تقریباً پورا اترتا ہے۔ ایسے ٹرانسفار مر کو کامل ٹرانسفار مر  $t_1$  کہتے ہیں۔

کامل ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے پر بدلتا برتی دباو  $v_1$  لا گو کرنے سے قالب میں بدلتا مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  پیدا ہو گا جو ابتدائی کچھے میں ، لا گو برتی دباو  $v_1$  براب، امالی برتی دباو  $v_1$  پیدا کرتا ہے۔

$$(3.10) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

یمی مقناطیسی بہاو دوسرے کیجے سے بھی گزرے گا اور اس میں  $e_2$  امالی برقی دباو پیدا کرے گا جو ثانوی سروں پر برقی دباو  $v_2$  صورت میں نمودار ہو گا۔

$$(3.11) v_2 = e_2 = N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 3.10 کو مساوات 3.11 سے تقیم کرتے ہوئے درج ذیل رشتہ حاصل ہوتا ہے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}}{N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

جس کے تحت کامل ٹرانسفار مر دونوں لیجھوں کے چکروں کی نسبت سے تبادلہ برقی دباو<sup>48</sup> کرتا ہے۔

کامل ٹرانسفار مر میں طاقت کا ضیاع نہیں ہوتا ہے لہذا اس کو ابتدائی جانب جنتی برقی طاقت فراہم کی جائے وہ اتنی برقی طاقت ثانوی جانب دے گا:

$$(3.13) p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} ideal\ transformer^{47}\\ voltage\ transformation^{48} \end{array}$ 

درج بالا مساوات سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

کھا جا سکتا ہے جس کو مساوات 3.12 کے ساتھ ملا کر درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

مساوات 3.15 ٹرانسفار مر کی تبادلہ برقی دباو اور تبادلہ برقی رو<sup>49</sup> کی خاصیت پیش کرتی ہے جسے عموماً دو حصوں میں پیوں لکھا جاتا ہے:

$$(3.16)$$
  $rac{v_1}{v_2}=rac{N_1}{N_2}$  تبادلہ برتی دیاہ  $rac{i_1}{i_2}=rac{N_2}{N_1}$  تبادلہ برتی رو

اس مساوات کا پہلی جزو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو دونوں اطراف چکروں کا راست متناسب ہو گا جبکہ مساوات کا دوسری جزو کہتا ہے کہ ٹرانسفار مرکے دونوں اطراف برقی رو چکروں کا بالعکس متناسب ہو گا۔

مثال 3.2: شکل 3.7 میں درج ذیل لیتے ہوئے ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو اور برقی رو معلوم کریں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 
 $Z = R = 10 \Omega$ 

حل: اہتدائی جانب برقی دباو 220 وولٹ دیا گیا ہے۔ ہم ثانوی جانب برقی دباو کو مساوات 3.16 کے پہلی جزو کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220 / 0 = 22 / 0$$

ثانوی دباو 22 وولٹ ہے جو ابتدائی دباو کے ہم قدم ہے۔ ثانوی برقی دباو 10 اوہم کی مزاحمت میں برقی رو پیدا کرے گا جے اوہم کے قانون سے حاصل کرتے ہیں:

$$\hat{I}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

 $current\ transformation^{49}$ 

ثانوی رو 2.2 ایمپیئر ہے۔ ابتدائی رو مساوات 3.16 کے دوسری جزو سے حاصل کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اس مثال کے نتائج ایک جگہ لکھ کر ان پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
,  $\hat{V}_2 = 22/0$ ,  $\hat{I}_1 = 0.22/0$ ,  $\hat{I}_2 = 2.2/0$ 

ابتدائی دباو ثانوی دباو کے دس گنا ہے جبکہ برقی رو میں قصہ الٹ ہے۔ ثانوی رو ابتدائی رو کے دس گنا ہے۔ طاقت دونوں اطراف برابر ہے۔ یہاں رک کر اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں کہ جس جانب برقی دباو زیادہ ہوتا ہے اس جانب برقی رو کم ہو گا۔ یوں زیادہ دباو لچھا کے چکر زیادہ ہوں گے اور اس لچھے میں نسبتاً باریک برقی تار استعال ہو گی جبکہ کم دباو لچھا کم چکر کا ہو گا اور اس میں نسبتاً موٹی برقی تار استعال ہو گی۔ موٹی تار زیادہ رو گزارنے کی سکت رکھتی ہے۔

مثال 3.3: صفحہ 72 پر شکل 3.10-الف میں رکاوٹ  $Z_2$  کو بدلتے برقی دباو  $\hat{V}_1$  کے ساتھ ایک ٹرانسفار مرکے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔درج ذیل معلومات کی روشنی میں رکاوٹ میں برقی رو اور طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔

$$\hat{V}_1 = 110 / 0, \quad Z_2 = R + jX = 3 + j2, \quad N_1 : N_2 = 220 : 22$$

حل: ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباوکی خاصیت کے تحت ابتدائی 110 وولٹ دباو ٹانوی جانب درج ذیل دباو  $\hat{V}_s$  دے گا۔

$$\hat{V_s} = \frac{N_2}{N_1} \hat{V_1} = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

یوں ثانوی رو

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11\underline{/0}}{3+i2} = 3.05\underline{/-33.69}^{\circ}$$

اور رکاوٹ میں برقی طاقت کا ضیاع  $p_z$  درج ذیل ہو گا۔

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$



# 3.6 ثانوى جانب بوجھ كاابتدائي جانب اثر

شکل 3.8 میں ابتدائی کچھے کی تارکی مزاحمت کو R سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ ثانوی جانب بوجھ Z ہے۔ فرض کریں ہم Z آتار کر ٹرانسفار مر کے ثانوی سرے کھلے دور کرتے ہیں۔ بے بوجھ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب بدلتا برقی دباو  $v_1$  قالب میں گھڑی کے رخ بیق دباو  $v_1$  قالب میں گھڑی کے رخ مقاطیسی دباو  $v_2$  پیدا کرے گا۔ بہاو  $v_3$  ابتدائی کچھے میں  $v_4$  امالی برقی دباو پیدا کرتا ہے۔

$$(3.17) e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ابتدائی رو، فراہم کردہ دباو اور ابتدا امالی دباو کا تعلق قانون اہم سے لکھا جا سکتا ہے۔

$$(3.18) i_{\varphi} = \frac{v_1 - e_1}{R}$$

اب ہم ثانوی جانب برتی ہو جھ Z لادتے ہیں۔ ہو جھ بردار ٹرانسفار مر $i_1$  کے ثانوی جانب برتی رو $i_2$  رواں ہو گا جس کی وجہ سے  $N_2i_2$  مقناطیسی دباو وجود میں آئے گا۔ یہ مقناطیسی دباو قالب میں گھڑی کے مخالف رخ مقناطیسی بہاو جہ یہاو جہ سے وہ سے ایندائی کے میں اور ابتدائی کھے میں امالی دباو گھٹ کر  $\varphi_m - \varphi_0 = i_2$  اور ابتدائی کھے میں امالی دباو گھٹ کی وجہ سے ابتدائی رو بڑھے گا۔

آپ نے دیکھا کہ ثانوی جانب کا رو قالب میں مقناطیسی بہاو تبدیل کر کے ابتدائی کچھے کو بوچھ کے بارے میں خبر دار کرتا ہے۔

اگیاہے۔  $\varphi_m$  کو یہاں  $\varphi_m$  کہا گیاہے۔ loaded transformer  $^{51}$ 

$$(3.19) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

اب ٹرانسفار مر پر Z ہوجھ ڈالتے ہیں۔ اس ہوجھ کی بنا ثانوی کچھے میں  $i_2$  رو پیدا ہو گا جو قالب پر گھڑی کے مخالف رخ مقناطیسی دباو  $N_2i_2$  مسلط کر کے اس میں گھڑی کے مخالف رخ بہاو  $\varphi_2$  پیدا کرے گا۔ اگر  $\varphi_2$  مسلط کر کے اس میں گھڑی کے مخالف رخ بہاو ہو جائے گا اور ابتدائی کچھے میں امالی دباو گھٹ نہ کیا جائے تب قالب میں کل مقناطیسی بہاو گھٹ کر  $\varphi_m - \varphi_2$  ہو جائے گا۔ مساوات  $v_1$  کے تحت یہ ایک ناممکن صورت حال ہے چونکہ  $v_1$  کو جم صورت  $v_1$  کے برابر مونا ہو گا (یاد رہ ہ کی قیت جوں کی توں ہے)۔ لہذا  $\varphi_2$  کے اثر کو ختم کرنے کے لئے ابتدائی کچھے میں برقی رو نامورار ہو گا جس سے پیدا مقناطیسی دباو  $v_1$  مقناطیسی دباو  $v_1$  مقناطیسی دباو صفر ہو گا۔ اور  $v_1$  کا مجموعی مقناطیسی دباو صفر ہو گا۔

$$(3.20) N_1 i_1 - N_2 i_2 = 0$$

درج بالا مساوات میں دونوں دباو ایک دوسرے کے مخالف رخ ہیں للذا ان کا مجموعہ در حقیقت ان کے فرق کے برابر ہوگا۔ مقناطیسی دباو  $N_1i_1$  اور  $N_2i_2$  قالب میں ایک دوسرے کے مخالف رخ ہیں للذا یہ ایک دوسرے کے اثر کو مکمل طور پر ختم کرتے ہیں۔ یوں بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مر دونوں میں مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  کے برابر ہوگا۔ مساوات 3.20 سے تنادلہ رو کا کلیہ اخذ کیا جا سکتا ہے:

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

# 3.7 ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کا مطلب

شکل 3.9 میں جس لمحہ پر ابتدائی کچھے کا بالائی سر مثبت برقی دباو پر ہو، اس لمحہ پر ثانوی کچھے کا بالائی سر مثبت دباو پر ہے۔ اس حقیقت کو کچھوں پر نقطوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یول نقطی سروں پر دباو ہم قدم ہوں گے۔



شكل 9. 3: ٹرانسفار مركى علامت ميں نقطوں كامفہوم۔

مزید ابتدائی کیچے کے نقطی سرسے مثبت برتی رو کیچے میں داخل جبکہ ثانوی کیچے کے نقطی سرسے مثبت برتی رو کیچے سے خارج ہو گی۔

#### 3.8 ركاوك كاتبادله

اس حصہ میں کامل ٹرانسفار مر میں رکاوٹ کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ شکل 3.10-الف میں ایک ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس کی ابتدائی جانب سائن نما برقی دباو  $V_1 = V_1 / \theta$  لاگو کیا گیا ہے۔ یہاں دوری سمتیہ استعمال کئے جائیں گے۔ ٹرانسفار مر پر نقطے ہم قدم سروں کی نشاندہی کرتے ہیں۔

جیسے اوپر ذکر ہوا، برقی دباو  $\hat{V}_1$  اور  $\hat{V}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں اور اسی طرح برقی رو  $\hat{I}_1$  اور  $\hat{I}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں۔ سیاوات 3.12 اور مساوات 3.21 کو دوری سمتیہ کی مدد سے لکھتے ہیں۔

$$(3.22) \qquad \hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right) \hat{V_2}$$

$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) \hat{I_2}$$

خارجی د باو، رو اور رکاوٹ کا تعلق قانون اہم سے لکھتے ہیں۔

$$(3.23) Z_2 = \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = |Z_2| \underline{/\theta_z}$$

مساوات 3.22 سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے جہاں آخری قدم پر رکاوٹ کی قیمت پر کی گئی ہے۔

(3.24) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

3.8 رکاوٹ کاتب دلہ

یوں داخلی رو درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{I}_1 = \frac{\hat{V}_1}{(N_1/N_2)^2 Z_2}$$

 $Z_2'$  کو فراہم کیا گیا ہے۔  $\hat{V}_1$  ورج ذیل قیت کے رکاوٹ  $Z_2'$  کو فراہم کیا گیا ہے۔

(3.26) 
$$Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

آپ تىلى كر كين كە اس دور مين تجى  $\hat{V}_1$  كا برقى رو مساوات 3.25 دىتى ہے۔

ماوات 3.25 سے نبیت  $\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}}$  کھتے ہیں جو شکل 3.10-ب کے تحت  $Z_2'$  کے برابر ہے۔

(3.27) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

دونوں ادوار سے  $\hat{V}_1$  کی طاقت درج ذیل حاصل ہوتی ہے۔

(3.28) 
$$p = \hat{V_1} \cdot \hat{I_1} = \frac{V_1^2 \cos \theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 |Z_2|}$$

یوں حساب کرنے کے نقطہ نظر سے ہم  $\hat{V_1}$  کو مساوات 3.26 میں دی گئی قیمت کے رکاوٹ  $Z_2'$  پر لا گو کرتے ہوئے  $\hat{V_1}$  کا برتی رو اور طاقت جان سکتے ہیں۔

 $Z_2$  منبع  $\hat{V}_1$  کو شکل  $Z_2$ -الف اور ب میں کوئی فرق نظر نہیں آتا ہے۔اس کے ساتھ ٹرانسفار مرکے ذریعہ جوڑنا یا بغیر ٹرانسفار مر  $Z_2$  جوڑنا ایک برابر ہے۔ ٹرانسفار مر  $Z_2$  کو یوں تبدیل کرتا ہے کہ  $\hat{V}_1$  کو رکاوٹ  $Z_2'$  نظر آتا ہے۔ ٹرانسفار مرکی اس خاصیت کو تبادلہ رکاوہے  $Z_2'$ کی خاصیت کہتے ہیں جس کو درج ذیل مساوات بیان کرتی ہے۔ ٹرانسفار مرکی اس خاصیت کو تبادلہ رکاوہے  $Z_2'$ 

(3.29) 
$$Z_2' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

ہم حماب کرنے کی خاطر رکاوٹ کوٹرانسفار مرکی ایک جانب سے دوسری جانب منتقل کر سکتے ہیں۔









شكل 3.11: برقى طاقت كى منتقلى ـ

3.8 رکاوٹ کاتب دلہ



شكل3.12: ٹرانسفار مرقدم باقدم حل كرنے كاطريقه۔

مثال 3.4: شکل 3.11-الف میں رکاوٹ  $Z_B$  کا برقی بوجھ ایک جزیٹر پر لدا ہے۔ بوجھ تک برقی طاقت دو برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کیا گیا ہے۔ ان تاروں کا مجموعہ رکاوٹ  $Z_t$  ہے۔

شکل-ب میں جزیٹر کے قریب نسب برقی دباو بڑھانے والا ٹرانسفار مر برقی دباو کو دس گنا بڑھاتا ہے اور برقی بوجھ کے قریب نسب برقی دباو گھٹانے والا ٹرانسفار مر برقی دباو کو دس گنا گھٹاتا ہے۔دونوں ٹرانسفار مروں کے بچ تاروں کا مجموعہ رکاوٹ  $Z_t$  ہے جبکہ باقی مستعمل تاروں کی رکاوٹ قابل نظر انداز ہے۔دونوں اشکال میں

$$Z_B = 2 + j4$$
,  $Z_t = 0.1 + j0.15$ ,  $\hat{V} = 415/0$ 

لیتے ہوئے

- برقی بوجھ پر برقی دباو معلوم کریں،
- برقی تارول میں برقی طاقت کا ضیاع معلوم کریں۔

impedance transformation  $^{52}$ 

حل الف:

$$\begin{split} \hat{I}_t &= \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415/0}{0.1 + j0.15 + 2 + j4} \\ &= \frac{415/0}{2.1 + j4.15} = 89.23 / -63.159^{\circ} \\ &= 40.3 - j79.6 \end{split}$$

يوں رکاوٹ پر برقی د باو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$
  
= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تاروں میں برقی طاقت کا ضیاع درج ذیل ہو گا۔

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

حل ب: شکل 3.11 اور شکل 3.12 سے رجوع کریں۔ شکل 3.11 میں ٹرانسفار مر $T_2$  گانوی رکاوٹ کو مساوات 3.26 کی مدد سے ابتدائی جانب منتقل کرتے ہیں۔

$$Z_B' = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل 3.12-الف حاصل ہوتا ہے جس میں برقی تار کا رکاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار جڑے ہیں۔ان کے مجموعہ کو 'Z

$$Z' = Z_t + Z'_B = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

لکھتے ہوئے شکل 3.12-ب حاصل ہوتا ہے۔ایک مرتبہ دوبارہ مساوات 3.26 استعال کرتے ہوئے کا کو گرانسفار مرکے ابتدائی جانب منتقل کرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

شکل 3.12-پ ماصل ہو گا جس سے جزیر کا برتی رو درج زیل ہو گا۔

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + i4.0015} = 92.76/-63.432^{\circ}$$

شکل 3.12-ب میں جزیٹر کا برتی رو جانتے ہوئے تبادلہ برتی روسے  $\hat{I}_t$  حاصل کرتے ہیں۔  $\binom{N_1}{t}$  برگ روسے  $\binom{N_1}{t}$  جا کہ کرتے ہیں۔  $\binom{N_1}{t}$  جا کہ کرتے ہیں۔

 $\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I}_G = \left(\frac{1}{10}\right)92.76/-63.432^\circ = 9.276/-63.432^\circ$ 

یوں برقی تار میں طاقت کا ضیاع درج ذیل ہو گا۔

 $p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$ 

اسی طرح شکل 3.11 میں  $\hat{I}_t$  جانتے ہوئے تبادلہ برقی روسے

 $\hat{I}_B = \left(\frac{N_3}{N_4}\right) \hat{I}_t = \left(\frac{10}{1}\right) 9.276 / -63.432^{\circ}$  $= 92.76 / -63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9$ 

حاصل کیا جا سکتا ہے۔رکاوٹ پر برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

بغیر ٹرانسفار مر استعال کیے برقی تاروں میں طاقت کا ضیاع 796 واٹ جبکہ ٹرانسفار مر استعال کرتے ہوئے صرف 8.6 ا واٹ یعنی 92 گنا کم ہے۔اس میں ٹرانسفار مرکی مقبولیت کا راز ہے۔

## 3.9 ٹرانسفار مر کاوولٹ-ایمپیئر

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو کچھوں کے چکروں پر منحصر ہوتا ہے۔ٹرانسفار مر ایک مخصوص برقی دباو اور برقی رو کے لئے بنایا جاتا ہے۔ٹرانسفار مر بناوٹی برقی دباو پر بھی استعال کیا جا سکتا ہے اگرچہ عموماً اسے بناوٹی برقی دباو پر بھی جا ہوتا ہے۔ اس طرح ٹرانسفار مر بناوٹی برقی رویا  $I_1:I_2$  سے کم برقی رو پر بھی استعال کیا جا سکتا ہے۔ تھی استعال میں ٹرانسفار مرکا برقی روعموماً بناوٹی قیت سے کم ہوتا ہے۔

ٹرانسفار مرکی ایک جانب کے برقی دباو اور برقی رو کا حاصل ضرب دوسری جانب کے برقی دباو اور برقی رو کا حاصل ضرب کا برابر ہوتا ہے۔

$$(3.30) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

برتی دباہ اور برتی رو کے حاصل ضرب،  $V_1I_1$  یا  $V_2I_2$ ، کوٹرانسفار مرکا وولٹ ضرب ایمپیئر یا مختصراً وولھے۔ایمپیئر  $V_2I_2$  بہتے ہیں  $V_2I_3$  جوٹرانسفار مر کے برقی سکت کا ناپ ہے۔ٹرانسفار مر اور دیگر برقی مشین، مثلاً موٹر اور جزیئر جوٹرانسفار مرکے بین ، پر نسب معلوماتی شختی پر ان کا سکت، بناوٹی برقی دباہ اور بناوٹی تعداد لکھا جاتا ہے۔ یوں ٹرانسفار مرکا وولٹ۔ایمپیئر درج ذیل ہوگا۔

$$(3.31) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

مثال 3.5: ایک 25000 وولٹ-ایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مر کے زیادہ برقی د ہاو کی جانب 11000 وولٹ لاگو ہیں۔

- اس کی ثانوی جانب زیادہ سے زیادہ کتنا برقی بوجھ ڈالا جا سکتا ہے؟
- زیادہ سے زیادہ برقی بوجھ پر ٹرانسفار مر کا ابتدائی برقی رو حاصل کریں۔

حل: اس ٹرانسفار مر کی معلومات درج ذیل ہیں۔

 $25 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 11000 : 220 \,\mathrm{V}$ 

تبادلہ برقی دباوکی مساوات سے ثانوی برقی دباو 220 وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ ثانوی لیمنی کم برقی دباو جانب زیادہ سے زیادہ سرقی رو مساوات 3.31 سے حاصل ہو گا۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اسی طرح ابتدائی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو اسی مساوات سے حاصل ہو گا۔

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

П

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب کچھوں میں استعال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی جاتی ہے کہ ان میں کثافتِ برقی رو 55 کیساں ہو۔ کچھوں کی مزاحمت میں برقی رو گزرنے سے برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے تار گرم ہوتی

volt-ampere, VA<sup>53</sup>

<sup>64</sup> ووك - ايمييئر كو عموماً كلوووك - اليمييئر ليني لا VA مين بيان كياجاتا بـ

<sup>1000</sup> kV A<sup>55</sup> لرانسفار مر کی کیھوں میں کثافت برتی رو تقریباً 3 A/mm<sup>2</sup> کی جاتی ہے

ہے۔ٹرانسفار مر کے برقی رو کی حد کچھوں کی گرمائش پر منحصر ہوتی ہے۔تار کی زیادہ سے زیادہ درجہ حرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا جاتا ہے۔زیادہ درجہ حرارت سے تار پر لگا روغن خراب ہو گا اور تار کا ایک چکر دوسرے چکر کے ساتھ کسر دور ہو گا۔ایہا ہونے سے ٹرانسفار مر جل کر خراب ہو جاتا ہے۔

رٹے ٹرانسفار مرکا قالب اور کچھے غیر موصل تیل سے بھری ٹینکی ہیں ڈبو کر رکھے جاتے ہیں۔اس تیل کو ٹرانسفار مرکا قالب اور کچھے غیر موصل تیل سے بھری ٹینکی ہیں ڈبو کر رکھے جاتے ہیں۔اس تیل کو ٹرانسفار مرتیل  $^{56}$  کہتے ہیں۔ یہ تیل برقی کچھوں کی حرارت کم کرنے اور (غیر موصل ہونے کی بنا) مختلف برقی دباور ہر حصول کو برقی طور پر جدا رکھنے ہیں مدد دیتا ہے۔ٹرانسفار مرتیل تقریباً  $^{8}$  کارآ مد زندگی ہوتا ہے اور ہر 8° درجہ حرارت پر اس کی زندگی آدھی رہ جاتی ہے۔یوں اگر  $^{8}$  کی گارآ مد زندگی  $^{8}$  سال ہو تب  $^{8}$  کی گارآ مد زندگی  $^{8}$  سال ہو تب  $^{8}$  کی گارآ مد زندگی  $^{8}$  سال ہو گی۔

ٹرانسفار مرتیل گرم ہو کر پھیلتا ہے جس کی بنا اس کی کثافت کم ہوتی ہے۔ یوں ٹیکی میں گرم تیل اوپر اور ٹھنڈا تیل نیچ مسلسل منتقل ہو گا۔ گرم تیل کو ٹھنڈا کرنے کے لئے ٹینکی کے ساتھ بہت سارے پائپ منسلک کئے جاتے 57 جن میں گرم تیل اوپر سے داخل ہوتا ہے۔ پائپ کا سطحی رقبہ زیادہ ہونے کی بنا ہوا اسے جلد ٹھنڈا کرتی ہے، اس میں تیل کا درجہ حرارت گھنتا اور کثافت بڑھتی ہے۔ ٹھنڈا تیل پائپ میں نیچے حرکت کرتے ہوئے دوبارہ ٹینکی میں داخل ہوتا ہے۔

#### 3.10 ٹرانسفار مرکے امالہ اور مساوی ادوار

3.10.1 لیھے کی مزاحمت اوراس کی متعاملہ علیجدہ کرنا

ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے کی مزاحمت R<sub>1</sub> پر حصہ 3.3، مساوات 3.2 میں بات کی گئی جہاں مزاحمت کو کچھے سے باہر سلسلہ وار جڑا دکھایا گیا تھا۔آئیں دیکھیں ہم حساب کی خاطر کیسے مزاحمت کو کچھے سے علیحدہ کر سکتے ہیں۔

شکل 3.13-الف میں ایک کچھے پر بدلتا برقی دباو لاگو کیا گیا ہے۔اگر کچھے کی برقی تار کو جھوٹے کلڑوں میں تقسیم کیا جائے تب ہر کلڑے کی ایک جھوٹی مزاحمت  $\Delta R$  اور ایک جھوٹا متعاملہ  $j\Delta X$  ہو گا۔تار کا ایبا ایک



شكل 3.13: لجھے كى مزاحت اور متعاملہ۔

گلڑا شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ کچھا ان سب کلڑوں کے سلسلہ وار جڑنے سے بنتا ہے للذا شکل-الف کو ہم شکل-پ کی طرح بنا سکتے ہیں جہال کچھے کے n ککڑے کیے گئے ہیں۔

اس دور کی مساوات

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left( j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$$

ہے جس میں

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

لکھ کر درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

(3.32) 
$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 (R + jX)$$

شکل 3.14 سے بھی مساوات 3.32 لکھی جا سکتی ہے۔ یوں حساب کی خاطر کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ علیحدہ کیے جا سکتے ہیں۔

 ${\rm transformer~oil^{56}}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>57</sup> وایڈا کے ٹرانسفار مر کابیر ونی حصدانہیں بائیوں پر مشتمل ہوتاہے۔



شكل 3.14: لحصے كى مزاحمت اور متعامله كى عليجد گا۔

3.10.2 رستااماله

یہاں تک ہم کامل ٹرانسفار مر پر بحث کرتے رہے ہیں۔ اب ہم ٹرانسفار مر میں ان عناصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وجہ سے ٹرانسفار مر غیر کامل ہوتا ہے۔ بہت سی جگہول پر ٹرانسفار مر استعال کرتے وقت ان عناصر کو مدِ نظر رکھنا ضرور ی ہوتا ہے۔ ان عناصر کے اثرات کو شامل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مر کا مساوی دور بناتے ہیں۔

ابتدائی کچھے کے مقناطیسی بہاو کو دو حصول میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو قالب سے گزر کر ابتدائی اور ثانوی کچھے کے مقناطیسی بہاو ہے۔ دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی کچھے سے گزرتا ہے اور ثانوی کچھے دونوں کے اندر سے گزرتا ہے۔ یہ مشتر کہ مقناطیسی بہاو ہے۔ دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی کچھے سے گزرتا ہے اور زیادہ تر قالب کے باہر خلاء میں رہتا ہے۔ اس کو رستا مقناطیسی بہاو اقتدائی کچھے کے برقی رو کا راست مستقل  $\mu_0$  اٹل ہے للذا یہاں بچکچاہٹ بھی اٹل ہو گی۔ یوں رستا مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے کے برقی رو کا راست متناسب ہو گا۔

 $X_1=2\pi f L_1$  60 یارتا متعاملہ کے اثر کو بالکل کچھے کی مزاحمت کی طرح کچھے سے باہر رستا امالہ کا  $L_1$  کیا جاتا ہے۔ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

ٹرانسفار مر کے ابتدائی کیچے میں برتی رو  $\hat{I}_1$  گزرنے سے رستا متعاملہ میں  $\hat{V}_{X1}=j\hat{I}_1X_1$  برتی دباو اور کیچے کے تار کی مزاحمت میں  $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$  برتی دباو گھٹتا ہے۔

جبیہا شکل 3.15 میں دکھایا گیا ہے، ابتدائی کچھے پر لا گو دباہ  $\hat{V}_1$ ، مزاحمت  $R_1$  اور متعاملہ  $X_1$  میں گھٹاہ اور ابتدائی امالی دباہ  $\hat{E}_1$  کا مجموعہ ہو گا۔

leakage magnetic flux $^{58}$  leakage inductance $^{59}$ 

leakage reactance $^{60}$ 



3.10.3 ثانوی برقی رواور قالب کے اثرات

قالب میں دونوں کچھوں کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو ان کے مجموعی مقناطیسی دباو کی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ اس حقیقت کو ایک مختلف اور بہتر انداز میں بیان کیا جا سکتا ہے۔ ہم کہتے ہیں کہ ابتدائی برتی رو کو دو شرائط مطمئن کرنے ہوں گے۔ اول اسے قالب میں بیجانی مقناطیسی بہاو وجود میں لانا ہو گا اور دوم اسے ثانوی کچھے کے پیدا کردہ مقناطیسی بہاو کو ختم کرنا ہو گا۔ لہذا ابتدائی برتی رو کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصہ  $_{\varphi}$ ، جو بیجانی مقناطیسی بہاو کیدا کرتا ہے۔ اور دوم را  $_{2}$  جو ثانوی کچھے کے مقناطیسی دباو کا اثر ختم کرتا ہے۔ یوں  $_{2}$  درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{I}_2' = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2$$

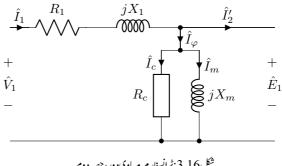
ثانوی کچھے کے مقناطیسی بہاو کے اثر کو ختم کرنے پر حصہ 3.6 میں غور کیا گیا ہے۔

اگرچہ برقی رو $i_{arphi}$  فیر سائن نما ہوتا ہے ہم اسے سائن نما  $\hat{I}_{arphi}$  تصور کر کے دو حصول،  $\hat{I}_{c}$  اور  $\hat{I}_{m}$  ، میں تقسیم کرتے ہیں۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

مذکورہ بالا مساوات میں برقی رو کو دوری سمتیات کی صورت میں لکھا گیا ہے۔ان میں  $\hat{I}_c$  ابتدائی کچھے کے امالی برقی دباو بور گیا ہم قدم ہے اور قالب میں برقی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے جبکہ  $\hat{I}_m$  وہ حصہ ہے جو  $\hat{E}_1$  سے نوے درجہ ماخیری  $\hat{E}_1$  زاویہ پر رہتا اور کچھے میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔

 $\rm lagging^{61}$ 



شکل3.16:ٹرانسفار مر مساوی دور، حصه دوم۔

ہو لینی  $jX_m$  کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے  $R_c=E_{1,rms}^2/p_c$  کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے که بین دیاو اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔  $R_c$  اور  $jX_m$  اور  $jX_m$  اور  $jX_m$  کے مقدار اصل برقی دیاو اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔

### 3.10.4 ثانوي لجھے کالمالی برقی دیاو

قالب میں مشتر کہ مقاطیسی بہاو ثانوی کھیے میں امالی برتی دباو  $\hat{E}_2$  پیدا کرے گا۔ چونکہ یہی مقاطیسی بہاو ابتدائی کیھے میں  $\hat{E}_1$  امالی پیدا کرتا ہے للذا درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

مباوات 3.34 اور مباوات 3.35 کو ایک کامل ٹرانسفار مرسے ظاہر کیا جا سکتا ہے جے شکل 3.17 میں و کھایا گیا

#### 3.10.5 ثانوی کھے کی مزاحت اور متعاملہ کے اثرات

ثانوی کیھے میں امالی دباو  $\hat{E}_2$  پیدا ہو گا۔ابتدائی کیھے کی طرح، ثانوی کیھے کی مزاحمت  $R_2$  اور متعاملہ  $jX_2$  ہوں گ جن میں ثانوی برتی رو  $\hat{V}_2$  کی بنا برتی دباو گھٹے گا۔ یوں ثانوی کیھے کے سروں پر برتی دباو  $\hat{V}_2$  تدرِ کم ہو گا:

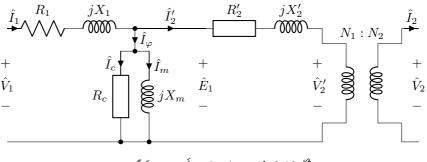
$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$

یوں حاصل ٹرانسفار مر کا مکمل مساوی دور یا ریاضی نمونہ 62 شکل 3.18 میں دکھایا گیا ہے۔

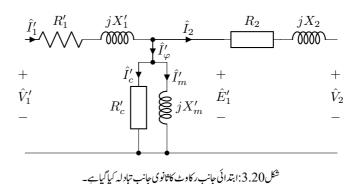
 $<sup>{\</sup>rm mathematical\ model}^{62}$ 







شكل 19.3: ثانوى جانب ركاوث كالبندائي جانب تبادله كيا گياہے۔



3.10.6 ركاوك كالبندائي ياثانوي جانب تبادله

شکل 3.18 میں تمام اجزاء کا تبادلہ ابتدائی یا ثانوی جانب کیا جا سکتا ہے۔ ایبا کرتے ہوئے کامل ٹرانسفار مر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں جانب رکھا جا سکتا ہے۔شکل 3.19 میں ثانوی رکاوٹ کو ابتدائی جانب منتقل کیا گیا ہے جبکہ شکل 3.20 میں ابتدائی رکاوٹوں کا تبادلہ ثانوی جانب کیا گیا ہے۔جیسا شکل 3.20 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مساوی ادوار میں کامل ٹرانسفار مرعموماً دکھایا نہیں جاتا ہے۔

تبادلہ شدہ رکاوٹ Z کو Z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں تبادلہ شدہ  $R_2$  کو  $R_2$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔ ایسا دور استعال کرتے وقت یاد رکھنا ہو گا کہ مساوی دور میں اجزاء کس جانب منتقل کیے گئے ہیں۔

مثال 3.6: ایک 50 کلو وولٹ-ایمپیئر اور 220: 220 وولٹ برقی سکت کے ٹرانسفار مرکی زیادہ برقی دباو جانب رستا رکاوٹ  $Z_1=0.0089+j0.011$  اوہم کم برقی دباو جانب رستا رکاوٹ  $Z_1=0.099+j0.011$ 

،  $R_c = 6.4\,\mathrm{k}$  اور  $X_m = 47\,\mathrm{k}$  ہیں۔ اس کے لئے شکل  $R_c = 3.20$  اور  $X_m = 47\,\mathrm{k}$  ہونے والے اجزاء معلوم کریں۔

حل الف: معلومات:

 $50 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 50 \,\mathrm{Hz}, \quad 2200 : 220 \,\mathrm{V}$ 

ر انسفار مر کے برقی و باو سے کچھوں کے چکر کا تناسب حاصل کرتے ہیں۔  $\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$ 

زیادہ برقی دباو جانب تبادلہ شدہ اجزاء درج ذیل ہوں گے۔

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

مساوی دور میں باقی رکاوٹ پہلے سے زیادہ برقی دباو جانب ہیں للذا یہ تبدیل نہیں ہوں گے۔یوں شکل 3.19 کے جزو حاصل ہوئے۔

حل ب: مساوی دور کے اجزاء کا تبادلہ کم دباو جانب کرتے ہیں۔

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

اسی طرح درج ذیل حاصل ہوں گے

$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 R_c = 64$$

$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 X_m = 470$$

П

جبہ  $Z_2$  پہلے سے کم برقی دباہ جانب ہے للذااس کی قیت تبدیل نہیں ہو گا۔



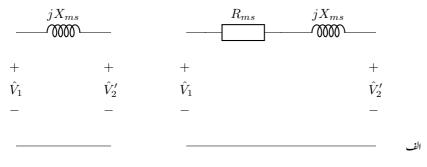
3.10.7 ٹرانسفار مرکے سادہ ترین مساوی ادوار

ایک انجنیئر ٹرانسفار مر استعال وقت حساب کی خاطر شکل 3.19 یا شکل 3.20 کے ادوار استعال کر سکتا ہے۔ یہ ادوار حقیق ٹرانسفار مر کی بہت اچھی عکاسی کرتے ہیں۔ البتہ جہاں بہت صحیح جوابات مطلوب نہ ہوں وہاں ان ادوار کی سادہ اشکال بھی استعال کی جا سکتی ہیں۔ اس حصہ میں ہم ایسے سادہ مساوی ادوار حاصل کرتے ہیں۔

 $R_2' + j X_2'$  اور  $X_m$  کو  $X_m$  کو بائیں منتقل کرنے سے شکل 3.21 اور  $X_m$  کو  $X_m$  کا 1.20 اور  $X_m$  کے دائیں منتقل کرنے سے شکل 3.22 حاصل ہوتے ہیں۔ چونکہ پاُ کی مقدار نہایت کم  $X_m$  ہوتی ہے للذا ایبا کرنے سے نتائج پر خاص فرق نہیں پڑتا ہے۔

 $X_2'$  اور شکل  $X_1 = X_1$  اور شکل  $X_1 = X_2$  سلسلہ وار جڑے  $X_1 = X_1$  اور  $X_2 = X_2$  ہوتے ہیں۔ کو  $X_1 = X_2 = X_3$  ادوار شکل  $X_2 = X_3 = X_4$  ماصل ہوتے ہیں۔

ر انسفار مرکے کل برقی ہوجھ کا صرف دوسے چھ فی صد ہوتا ہے۔  $\hat{I}_{arphi}{}^{63}$ 



شکل 3.23:ٹرانسفار مر کے سادہ مساوی ادوار۔

شکل  $R_1$  میں  $R_c$  اور  $X_m$  رکاوٹ  $R_1+jX_1$  اور  $R_1+jX_2$  اور  $R_2+jX_2$  اور  $R_1+jX_1$  اور  $R_2$  اور شکل  $R_2$  میں یہ اجزاء باقی دور کے بائیں یا دائیں ہاتھ ہیں اور ایسے ادوار کا حل نسبتاً ڈیادہ آسان ہوتا ہے۔

 $R_c$  مزید سادہ دور حاصل کرنے کی خاطر  $\hat{I}_{\varphi}$  کو صفر تصور کر کے نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں مساوی دور میں دور اور میں دور اور کیا ہے۔ اس دور  $jX_m$  کو کھلے دور تصور کرتے ہوئے دور سے ہٹایا جا سکتا ہے۔ شکل 3.23-الف میں ایبا کیا گیا ہے۔ اس دور میں قالب کے اثرات کو مکمل طور پر نظر انداز کیا گیا ہے۔

یشتر وقت اس سے بھی کم در شگی کے نتائج مطلوب ہوتے ہے۔ یوں  $X_{ms}\gg R_{ms}$  کی بنا  $R_{ms}$  کو نظرانداز کرتے ہوئے شکل  $X_{ms}\gg X_{ms}$  کرتے ہوئے شکل  $X_{ms}$  کا ل ٹرانسفار مر ماصل ہوگا جو  $X_{ms}$  کی بنا  $X_{ms}$  کی بنا رکھی کے ماصل ہوگا جو  $X_{ms}$  کی بورا اتر تا ہے۔

## 3.11 كطلے دور معائنه اور كسر دور معائنه

گزشتہ حصہ میں ٹرانسفار مر کے مساوی ادوار پر بات کی گئ۔ان مساوی ادوار کے اجزاء ٹرانسفار مر کے دو معا ننول سے حاصل کئے جا سکتے ہیں جنہیں کھلا دور معائنہ اور کسر دور معائنہ کہتے ہیں۔اس حصہ میں ان معا ننول پر غور کیا گیا ہے۔

#### 3.11.1 كطلاد ورمعائنه

کھلا دور معائنہ 64، جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سروں کو آزاد رکھ کر کیا جاتا ہے۔ یہ معائنہ ٹرانسفار مرکی بناوٹی 65 برقی دباو اور تعدد یا ان کے قریب قیمتوں پر کیا جاتا ہے۔ اگرچہ ٹرانسفار مرکے کسی بھی جانب کچھے پر کھلے دور معائنہ سرانجام دیا جا سکتا ہے، حقیقت میں ایسا کم برقی دباو کچھے پر کرنا زیادہ آسان اور کم خطرناک ہوتا ہے۔یہ بات ایک مثال سے بہتر سمجھ آئے گی۔

مثال کے طور پر ہم A 25 kV A، 220 V : 50 Hz ، 11000 نیک دوری ٹرانسفار مرکا معائنہ کرنا چاہتے ہیں۔
یہ معائنہ گیارہ ہزار کچھے پر کرتے ہوئے گیارہ ہزار وولٹ کے لگ بھگ برقی دباو استعال ہو گا جبکہ دو سو بیس برقی
دباو کچھے پر معائنہ کرنے سے دو سو بیس وولٹ کے لگ بھگ برقی دباو استعال کرنا ہو گا۔ دونوں صور توں میں تعدد
50 Hz برقی دباو کچھے پر کیا جاتا ہے۔
کہ کطا دور معائنہ کم برقی دباو کچھے پر کیا جاتا ہے۔

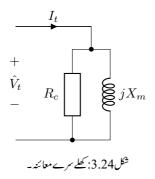
 $p_t$  کھلے دور معائنہ میں کم برقی دباو کچھے پر بناوٹی برقی دباویا اس کا قریب دباو  $V_t$  لاگو کر کے کھلا دور برقی طاقت  $p_t$  اور کھلا دور برقی رو برقی را ناپا جاتا ہے۔بناوٹی برقی دباو کے قریب دباو پر معائنہ کرنے سے بہتر نتائج حاصل ہوں گے۔ ٹرانسفار مرکی دوسری جانب کچھے کے سرے چونکہ آزاد رکھے جاتے ہیں المذا اس میں برقی رو صفر ہو گا۔ اس طرح ناپا گیا برقی رو صرف ہیجان انگیز برقی رو گا۔ بیجان انگیز برقی رو ٹرانسفار مرکے بناوٹی روکا دو سے چھ فی صد ہوتا ہے۔

یاد رہے  $\hat{V}_t = V_t / \frac{\phi_v}{\psi_v}$  اور  $\hat{I}_t = I_t / \frac{\phi_i}{\psi_v}$  اور  $\hat{V}_t = V_t / \frac{\phi_v}{\psi_v}$  مطلق قیمتوں،  $V_t$  اور  $V_t$  ،  $V_t$  ،  $V_t$  ،  $V_t$  ،  $V_t$  ،

شکل 3.19 میں بائیں ہاتھ کو کم برتی دباو والا جانب تصور کریں۔ یوں  $V_t$  مقام  $V_t$  پر فراہم کیا جائے گا جبکہ پیائٹی رو غیر سمتی 66 رو  $I_1$  ہو گا۔ خارجی کچھا کھلا دور ہونے کی بنا  $I_2'$  صفر ہو گا لہذا  $I_1$  در حقیقت  $\hat{I}_c$  کی مطلق قیمت  $I_2$  کے برابر ہو گا۔

 $I_t = I_1 = I_{\varphi}$ 

open circuit  $ext{test}^{64}$   $ext{design}^{65}$   $ext{scalar}^{66}$ 



ا تنى كم برقى روسے كچھے كے ركاوٹ ميں بہت كم برقى دباو گھٹتا ہے للذا اسے نظر انداز كيا جاتا ہے:

$$V_{R1} = I_t R_1 = I_{\varphi} R_1 \approx 0$$
$$V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$$

یوں جیسا شکل 3.19 سے ظاہر ہے  $R_c$  اور  $X_m$  پر تقریباً  $V_t$  برتی دیاہ چائے گا۔ ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 3.24 صول زیادہ آسان ہے۔

برتی طاقت کا ضیاع صرف مزاحمت میں ممکن ہے لہذا  $p_t$  صرف  $R_c$  میں ضائع ہو گا۔ یوں درج ذیل ہو گا۔

$$p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$$

اس سے ٹرانسفار مر کے مساوی دور کا جزو  $R_c$  حاصل ہوتا ہے۔

$$(3.37) R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

درج ذیل کی بنا

$$Z_t=rac{\hat{V}_t}{\hat{I}_t}=rac{V_t/\phi_v}{I_t/\phi_i}=rac{V_t}{I_t}/\phi_v-\phi_i$$
 فراہم کردہ دباہ اور پیائتی رو کا تناسب درج ذیل ہو گا۔ $|Z_t|=rac{V_t}{I_t}$ 

اب شکل 3.24 سے درج ذیل واضح ہے

$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للذا

$$Z_t = \frac{jR_c X_m}{R_c + jX_m}$$
$$|Z_t| = \frac{R_c X_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$

ہو گا۔یوں ٹرانسفار مر کے مساوی دور کا جزو  $X_m$  حاصل ہوتا ہے۔

(3.38) 
$$X_{m} = \frac{R_{c}|Z_{t}|}{\sqrt{R_{c}^{2} - |Z_{t}|^{2}}}$$

ماوات  $R_c$  سے ماصل ہوتی ہیں۔  $X_m$  ماوات  $R_c$  ماوات  $R_c$  ماوات کا بیں۔

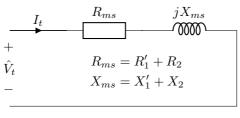
یاد رہے حاصل کردہ  $R_c$  اور  $X_m$  ٹرانسفار مرکے پیائش جانب کے لئے درست ہوں گے۔ تبادلہ رکاوٹ سے دوسری جانب کی قیمتیں حاصل کی جاسکتی ہیں۔

#### 3.11.2 كسردورمعائنه

کسر دور معائنہ بھی کھلے دور معائنہ کی طرح ٹرانسفار مر کے کسی بھی طرف ممکن ہے لیکن حقیقت میں اسے زیادہ برقی دباو کچھے پر کرنا آسان ہوتا ہے۔ یہ معائنہ ٹرانسفار مر کے بناوٹی برقی رویااس کے قریب رو پر کیا جاتا ہے۔

کلے دور معائنہ میں مستعمل ٹرانسفار مرکی بات آگے بڑھاتے ہوئے زیادہ برتی دباو کچھے کا بناوٹی رو A 2.2727 مور کی دباو کچھے کا بناوٹی رو A 113.63 جبکہ زیادہ اور کم دباو کچھے کا بناوٹی رو A 113.63 جبکہ زیادہ برتی دباو کچھے پر کرتے ہوئے A 2.2727 موائنہ زیادہ آسان ہو گا۔

اس معائنہ میں کم برقی دباو کچھے کے سروں کو آپس میں جوڑ کر کسر دور کیا جاتا ہے جبکہ زیادہ برقی دباو کچھے پر کچھے کے بناوٹی دباو کا دو سے بارہ فی صد دباو  $V_t$  لاگو کر کے اس کچھے کا برقی رو $I_t$  اور فراہم کردہ طاقت  $p_t$  ناپا جاتا



شكل 3.25: كسر دور معائنه به

ہے جنہیں بالترتیب کسر دور رو اور کسر دور طاقت کہتے ہیں۔ کسر دور کیچھ میں گزرتے برقی رو کا عکس دوسری جانب موجود ہو گا۔ یہ برقی روٹرانسفار مر کے بناوٹی برقی رو کے لگ بھگ ہوتا ہے۔

چونکہ یہ معائنہ بہت کم برقی دباو پر سرانجام دیا جاتا ہے للذا بیجان انگیز برقی رو کو مکمل طور پر نظرانداز کیا جا سکتا  $R_c$  ہوئے  $R_c$  اور  $R_c$  اور  $R_c$  اور شکل 3.25 میں دکھایا گیا ہے جہاں بیجان انگیز رو کو نظرانداز کرتے ہوئے  $R_c$  اور  $R_c$  کو کھلے دور کیا گیا ہے۔ کسر دور معائنہ میں شکل 3.20 کے بائیں ہاتھ کو کم برقی دباو جانب تصور کرتے ہوئے  $R_c$  کو کیا جگہ لاگو کرنا ہو گا۔

برتی طاقت صرف مزاحمت میں ضائع ہو سکتا ہے للذا شکل 3.25 سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے 
$$p_t = I_t^2 R_{ms}$$
 يوں ٹرانسفار مر کے مساوی دور کا جزو  $R_{ms}$  حاصل ہوتا ہے۔  $R_{ms} = \frac{p_t}{I_c^2}$ 

کسر دور برقی رو اور کسر برقی دباو سے

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

جببه شكل 3.25 سے درج ذیل لکھا جا سكتا ہے۔

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

یوں  $X_{ms}$  کی قیمت مساوات 3.39 سے جانتے ہوئے  $R_{ms}$  حاصل ہوتا ہے۔

$$(3.40) X_{ms} = \sqrt{|Z_t|^2 - R_{ms}^2}$$

مساوات 3.39 کل مزاحمت دیتا ہے البتہ اس سے  $R_1$  یا  $R_2$  حاصل نہیں کیا جا سکتا۔ اس طرح مساوات 3.40 سے  $X_1$  اور  $X_2$  علیحدہ نہیں کئے جا سکتے۔ کسر دور معائنہ سے اتنی ہی معلومات حاصل کرنا ممکن ہے جو حقیقت میں کافی ثابت ہوتا ہے۔ جہاں ان اجزاء کی علیحدہ فیمتیں درکار ہوں وہاں درج ذیل تصور کیا جا سکتا ہے

$$R'_1 = R_2 = \frac{R_{ms}}{2}$$
  
 $X'_1 = X_2 = \frac{X_{ms}}{2}$ 

ٹرانسفار مر معائنے اسی مقام پر کیے جاتے ہیں جہاں ٹرانسفار مر نسب ہو۔یوں وہی برتی دباہ استعال کرنا ہو گا جو وہاں موجود ہو۔ہاں ضروری ہے کہ کمر دور معائنہ میں ٹرانسفار مر کو ڈیزائن برتی دباہ کا دو سے بارہ فی صد دیا جائے۔  $11000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  مثلاً  $11000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  مثلاً  $11000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  مثلاً  $11000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  کے نیچ دباہ پر کیا جا سکتا ہے۔ چو نکہ ہمارے ہاں  $11000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  عام پائے جاتے ہیں لہذا ہم  $11000 \times \frac{12}{100} = 1320 \, \text{V}$  ہی استعال کریں گے۔اسی طرح دستیاب  $11000 \times \frac{12}{1000} = 1320 \, \text{V}$  میں استعال کریں گے۔اسی طرح دستیاب  $11000 \times \frac{12}{1000} = 1320 \, \text{V}$ 

یاد رہے کہ ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سرے آپس میں جوڑ کر، یعنی کسر دور کر کے، دوسری جانب کچھے پر کسی بھی صورت اس جانب کی اپوری برقی دباو لاگو نہیں کیجھے گا۔ ایسا کرنا شدید خطرناک اور جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

یاد رہے کہ ان معائنوں سے حاصل مساوی دور کے اجزاء اسی جانب کے لئے درست ہوں گے جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ان کی قیمتیں دوسری جانب تبادلہ رکاوٹ سے حاصل کی جاسکتی ہیں۔

مثال 3.7: ایک 25 کلو وولٹ-ایمپیئر، 220 : 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والے ٹرانسفار مر کے کھلے دور اور کسر دور معائنے کیے جاتے ہیں جن کے نتائج درج ذیل ہیں۔ ٹرانسفار مر مساوی دور کے اجزاء تلاش کریں۔

• کھلا دور معائنہ میں کم برقی دباو جانب V 220 لاگو کیا جاتا ہے۔اسی جانب برقی رو A 39.64 اور طاقت کا ضیاع W 600 ناپے جاتے ہیں۔

• کسر دور معائنہ میں زیادہ برقی دباو جانب V 440 لا گو کیا جاتا ہے۔اسی جانب برقی رو A 2.27 اور طاقت کا ضیاع W 560 ناپے جاتے ہیں۔

حل کھلا دور:

$$\begin{split} |Z_t| &= \frac{220}{39.64} = 5.55\,\Omega \\ R_c &= \frac{220^2}{600} = 80.67\,\Omega \\ X_m &= \frac{80.67\times5.55}{\sqrt{80.67^2-5.55^2}} = 5.56\,\Omega \end{split}$$

حل کسر دور:

$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83 \,\Omega$$
 
$$R_{ms} = \frac{560}{2 \times 2.27^2} = 108.68 \,\Omega$$
 
$$X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160 \,\Omega$$

ور 
$$X_{ms}$$
 اور  $X_{ms}$  کو کم برقی د باو جانب منتقل کرتے ہوئے  $R_{ms}$   $\left(\frac{220}{11000}\right)^2 imes 108.68 = 43.47\,\mathrm{m}\Omega$   $\left(\frac{220}{11000}\right)^2 imes 160 = 64\,\mathrm{m}\Omega$ 

لعيني

$$R_1 = R'_2 = \frac{43.47 \,\text{m}\Omega}{2} = 21.7 \,\text{m}\Omega$$
  
 $X_1 = X'_2 = \frac{64 \,\text{m}\Omega}{2} = 32 \,\text{m}\Omega$ 

حاصل ہو گا۔ان نتائج سے حاصل کم برقی دباو جانب مساوی دور شکل 3.26 میں دکھایا گیا ہے۔

3.12. تين دوري ٹرانسفار مسر



شکل 3.26: کھلے دوراور کسرِ دور معائنہ سے کم برقی د باوجانب مساوی دور۔



شكل3.27: ايك ہى قالب پر تين ٹرانسفار مر۔

#### 3.12 تین دوری ٹرانسفار مر

اب تک ہم یکے دور ہے  $^{67}$  ٹرانسفار مر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت میں برقی طاقت کی منتقل میں عموماً تیہ وروہے  $^{68}$  ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین دور کی ٹرانسفار مر کیسال تین عدد یک دور کی ٹرانسفار مر اکٹھے رکھ کر بنایا جا سکتا ہے۔ یوں ایک ٹرانسفار مر خراب ہونے کی صورت میں اس کو ہٹا کر ٹھیک کرنے کے دوران باقی دو ٹرانسفار مر استعال کئے جا سکتے ہیں۔ تین دور کی ٹرانسفار مر بنانے کا اس سے بہتر طریقہ شکل  $^{27}$  میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقاطیسی قالب پر تینوں ٹرانسفار مر کے لچھے لیٹے گئے ہیں۔ اس شکل میں  $^{2}$  پہلے ٹرانسفار مر کا ابتدائی لچھا اور  $^{2}$  ہیں اس کا ثانوی لچھا ہے۔ اس طرح کے تین دور کی ٹرانسفار مر سے، ملکے اور چھوٹے ہونے کی وجہ سے عام ہو گئے ہیں اور آپ کو روز مرہ زندگی میں یہی نظر آئیں گے۔ ان میں برتی ضیاع بھی نسبتاً کم ہوتا ہے۔

شکل 3.28-الف میں تین ٹرانسفار مر د کھائے گئے ہیں۔ان ٹرانسفار مروں کے ابتدائی کیھے آپی میں دو طریقوں

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \text{single phase}^{67} \\ \text{three phase}^{68} \end{array}$ 

سے جوڑے جا سکتے ہیں۔ایک کو ستارہ نما جوڑ  $Y^{69}$  اور دوسرے کو تکونی جوڑ $^{70}$  کہتے ہیں۔ای طرح ان ٹرانسفار مروں کے ثانوی کچھے بھی انہیں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔یوں انہیں درج ذیل چار مختلف طریقوں سے جوڑا جا سکتا ہے۔

- $Y:\Delta$  ستاره: تکونی •
- Y:Y ساره: ساره •
- $\Delta:\Delta$   $\exists \lambda$
- $\Delta: Y$   $\exists z$

شکل 3.28 میں  $\Delta: Y$  ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس میں بایاں ہاتھ Y اور دایاں ہاتھ  $\Delta: Y$  ٹرانسفار مر  $\Delta: Y$  کھتے ہوئے X: Y کو بائیں اور X: Y کو دائیں کھا جاتا ہے۔جیسا پہلے ذکر ہو چکا ہے ہم اشکال میں ٹرانسفار مر کا ابتدائی طرف بائیں جانب رکھتے ہیں للذا X: Y: Y ابتدائی اور X: Y: X ثانوی طرف ہے۔ روائگی سے پڑھتے ہوئے ابتدائی کو پہلے اور ثانوی کو بعد میں پڑھا جاتا ہے للذا اس کو X: Y: X ککھ کر ستارہ۔ تکونی پڑھیں گے۔

شکل 3.28-الف میں تین ٹرانسفار مرول کے ابتدائی کیھوں کو ستارہ نما جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ٹانوی کیھوں کو سارہ نما جوڑا گیا ہے۔اسی طرح ٹانوی کیھوں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔شکل-ب میں تینوں ٹرانسفار مر کے ابتدائی کیھوں کو ستارہ نما دکھایا گیا ہے۔اس طرح ٹانوی کیھوں کو شکونی دکھایا گیا ہے۔ان اشکال کی وجہ سے اس طرز کے جوڑ کو ستارہ نما جوڑ اور تکونی جوڑ کہتے ہیں۔

اییا شکل بناتے ہوئے ہر ٹرانسفار مر کے ابتدائی اور ثانوی کچھے کو ایک ہی زاویہ پر دکھایا جاتا ہے۔۔یوں شکل 3.28-الف میں بالائی ٹرانسفار مر، جس کے ابتدائی سرے an اور ثانوی سرے a'n' ہیں، کو شکل 3.28-ب میں صفر زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مرول کو اس طرح کی علامتوں سے ظاہر کیا جاتا ہے اور ان میں قالب نہیں دکھایا جاتا۔

ٹرانسفار مر کے جوڑ بیان کرتے وقت باعیں جوڑ کو پہلے اور دائیں جوڑ کو بعد میں پکارتے ہیں۔یوں شکل 3.28-ب میں ٹرانسفار مر کو ستارہ- تکونی جڑا ٹرانسفار مر یا مخضراً ستارہ- تکونی ٹرانسفار مر کہیں گے۔اسی طرح ابتدائی جانب کو بائیں اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بنایا جاتا ہے۔یوں اس شکل میں ابتدائی جانب ستارہ نما ہے جبکہ ثانوی جانب تکونی ہے۔

> star connected<sup>69</sup> delta connected<sup>70</sup>

3.12. تين دوري ٹرانسفار مسسر



شكل 3.28: تين دوري ستاره- تكوني ٹرانسفار مر

ستارہ نما سے چار برقی تاریں نکلتی ہیں۔ ان میں مشترک تار n کو عموماً ٹرانسفار مر کے نزدیک زمین میں گہرائی تک دھنسا جاتا ہے۔ اس تار کو زمینی تار  $^{73}$  یا صرف زمین  $^{72}$  کہتے ہیں۔ عام فہم میں اسے ٹھنڈی تار  $^{73}$  کہتے ہیں۔ باقی تین تارین a,b,c کہلاتے ہیں۔

ٹرانسفار مر کے کچھے پر برقی دباو کو یکے دور ہے برقی دباو<sub>کہ مل</sub><sup>75</sup> کہتے ہیں اور کچھے میں برقی رو کو یکے دور ہے برقی رو کر ہے۔ اور کے برقی دباو کو کار کا برقی دباو ہار<sup>77</sup> کہتے ہیں۔ بہر <sup>76</sup> کہتے ہیں۔ بہر <sup>76</sup> کہتے ہیں۔ نینی تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرگا کہتے ہیں۔ زمینی تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آری<sup>79</sup> کہتے ہیں۔ نمینی تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرین کا برقی رو کو آرین کے بیں۔ نمین تاریس برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرین کا برقی رو برقی رو کو آرین کا برقی رو کو زمینی برقی رو کو آرین کی برقی رو کو آرین کا برقی رو کو آرین کا برقی رو کو زمینی برقی رو کو زمین کی برقی رو کو آرین کی کو کو کی کر کو کر کو کر کو کر کو کر کو کر کو کر کی کو کو کو کر کو کر

 $ground^{71}$ 

ground, earth, neutral<sup>72</sup>

 $neutral^{73}$ 

live wires<sup>74</sup>

phase voltage<sup>75</sup>

phase current<sup>76</sup>

line to line voltage<sup>77</sup>

line current<sup>78</sup>

 $<sup>{\</sup>rm ground}\ {\rm current}^{79}$ 

سارہ Y جانب یک دوری مقداروں اور تار کے مقداروں کا تعلق درج ذیل ہو گا۔

(3.41) 
$$V_{J\tau} = \sqrt{3}V_{\lambda \tau}$$
 
$$I_{J\tau} = I_{\lambda \tau}$$

کلونی ∆ جانب یک دوری اور تار کی مقداروں کا تعلق درج ہے۔

$$V_{\text{J}} = V_{\text{J}}$$

$$I_{\text{J}} = \sqrt{3}I_{\text{J}}$$

$$2J_{\text{J}} = \sqrt{3}I_{\text{J}}$$

مساوات 3.41 اور مساوات 3.42 دوری سمتیہ کے رشتے نہیں بلکہ غیر سمتی مطلق قیمتوں کے رشتے دیتی ہیں۔ان رشتوں کو شکل 3.29 میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 3.41 اور مساوات 3.42 سے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$(3.43) V_{J\tau}I_{J\tau} = \sqrt{3}V_{z_1}I_{z_2}I_{z_3}$$

یک دوری ٹرانسفار مر کے وولٹ-ایمپیئر کیر ملہ V ہوتے ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مر مل کر ایک عدد تین دوری ٹرانسفار مر بناتے ہیں لہذا تین مرحلہ ٹرانسفار مر کے وولٹ-ایمپیئر تین گنّا ذیل ہوں گے۔

(3.44) 
$$3V_{\rm JL}I_{\rm JL} = 3 \times \frac{V_{\rm JL}I_{\rm JL}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}V_{\rm JL}I_{\rm JL}$$

یہ مساوات تاہین دوری ادوار میں کثرت سے استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مرجس طرح بھی جوڑے جائیں وہ اپنی بنیادی کار کردگی تبدیل نہیں کرتے ہیں للذا انہیں سارہ نما یا تکونی جوڑنے کے بعد بھی ان میں ہر ایک ٹرانسفار مر انفرادی طور پر صفحہ 66 پر دے مساوات 3.16 اور صفحہ 17 پر دے مساوات 3.26 پر پورا اترے گا۔ انہیں استعال کر کے شکل 3.29 میں دیے گئے ٹرانسفار مروں کے ابتدائی اور ثانوی جانب کی یک دوری اور تارکی مقداروں کے رشتے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ اس شکل میں  $N_1/N_2$  ہے جہاں جہاں  $N_1:N_2$  ان میں ایک دوری ٹرانسفار مرکے چکر کا تناسب ہے۔ تین دوری ٹرانسفار مرپر لگی شختی پر دونوں جانب تارکے برقی دباوکا تناسب کھا جاتا ہے۔

شكل 3.29 مين ستاره- تكونى شرانسفار مركى تارير برقى دباو كا تناسب

(3.45) 
$$\frac{V_{\acute{\mathcal{S}}^{|\mathcal{F}|}}}{V_{\mathcal{S}^{|\mathcal{F}|}}} = \sqrt{3}a = \sqrt{3}\left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

3.12 تين دوري ٹرانسفار مسسر



شکل 3.29: ابتدائی اور ثانوی جانب تار اوریک دوری مقداروں کے رشتے۔

جبکه ستاره-ستاره کا

(3.46) 
$$\frac{V_{\mathring{\mathcal{S}}|\mathcal{F}|}}{V_{\mathcal{S}|\mathfrak{F}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

تکونی-ستاره کا

(3.47) 
$$\frac{V_{\hat{\mathcal{G}},\hat{\mathcal{E}}}}{V_{\hat{\mathcal{G}},\hat{\mathcal{E}}}} = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

اور تکونی- تکونی کا درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{V_{\dot{\mathcal{G}}|\mathcal{F}|}}{V_{\mathcal{G}\dot{\mathcal{F}}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

مثال 3.8: کی دوری تین کیساں ٹرانسفار مروں کو ستارہ-تکونی کے  $Y:\Delta$  جوڑ کر تین دوری ٹرانسفار مر بنایا گیا ہے۔ یک دوری ٹرانسفار مر کی برقی سکھے $^{80}$  درج ذیل ہے:

 $50\,\mathrm{kV\,A}, \quad 6350:440\,\mathrm{V}, \quad 50\,\mathrm{Hz}$ 

ستارہ- تکونی ٹرانسفار مر کی اہتدائی جانب 11000 وولٹ تین دوری دباو تار لا گو کیا گیا۔اس تین دوری ٹرانسفار مر کی ثانوی جانب دباو تار معلوم کریں۔

rating<sup>80</sup>

حل: حل کرتے وقت ہم ایک عدد یک دوری ٹرانسفار مر پر نظر رکھیں گے۔ یک دوری ٹرانسفار مر کے چکر کا تناسب درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

مساوات 3.41 سے دباو تار درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$V_{\rm span} = \sqrt{3} \times 6350 \approx 11\,000\,{
m V}$$

یک دوری ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب ط40 V ہوں گے جس کو مساوات 3.16 کی مدد سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$V_{\mathcal{G}_{\mathcal{F}}} = \frac{N_2}{N_1} V_{\mathcal{G}_{\mathcal{F}}} = \frac{440}{6350} \times 6350 = 440 \,\mathrm{V}$$

ثانوی جانب تین یک دوری ٹرانسفار مروں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔ یوں مساوات 3.42 کی مدد سے ثانوی دباو تاریبی ہو گا۔ تین دوری ٹرانسفار مر کے دباو تار کا تناسب درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{V_{\text{ji,i,i,i,j}}}{V_{\text{ji,i,i,j}}} = \frac{11000}{440}$$

یک دوری ٹرانسفار مر 50 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہے للذا تین دوری ٹرانسفار مر 150 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہو گا۔یوں تین دوری ٹرانسفار مرکی سکت 81 درج ذیل ہو گی۔

 $150 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$ ,  $11000 : 440 \,\mathrm{V}$ ,  $50 \,\mathrm{Hz}$ 

ٹرانسفار مر شختی <sup>82</sup> پر ٹرانسفار مر کی سکت بیان ہوتی ہے۔ اس شختی پر تین دوری ٹرانسفار مر کے دونوں جانب دباو تار ککھا جاتا ہے نہ کہ کچھوں کے چکر۔

ستارہ-ستارہ ٹرانسفار مر میں تین دوری برقی دباو کے بنیادی اجزاء آپس میں °120 زاویائی فاصلے پر جبکہ تیسرے موسیقائی اجزاء آپس میں ہم قدم ہوتے ہیں۔ قالب کی غیر تدریجی خاصیت کی بنا ٹرانسفار مر میں ہر صورت تیسری موسیقائی اجزاء پائے جاتے ہیں۔ تیسری موسیقائی اجزاء ہم قدم ہونے کی وجہ سے جمع ہو کر برقی دباوکا ایک بڑا موج

rating<sup>81</sup> name plate<sup>82</sup>

3.12. تين دوري ٹرانسفار مسسر



شکل3.30 :ٹرانسفار مر تکونی متوازن بوجھ کوطاقت فراہم کررہاہے۔

پیدا کرتے ہیں جو تبھی کھار برقی دباو کے بنیادی جزو سے بھی زیادہ بڑھا ہوتا ہے۔اس وجہ سے ستارہ-ستارہ ٹرانسفار مر عام طور استعال نہیں ہوتا ہے۔

باقی تین قسم جڑے ٹرانسفار مروں میں تکونی جوڑ پایا جاتا ہے جس میں تیسری موسیقائی اجزاء کی موج گرد ثی رو پیدا کرتی ہے۔ یہ گرد ثی رو تیسری موسیقائی اجزاء کی موج کے اثر کو ختم کرتا ہے۔

تین دوری ٹرانسفار مر کے متوازن دور حل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مرستارہ جڑا ہے۔یوں ی
دوری برقی رو، تار کا برقی رو ہو گا اور یک دوری لا گو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔اسی طرح ہم اس پر لدے
برقی بوجھ کو بھی ستارہ جڑا تصور کرتے ہے۔یوں تین دوری دور کی بجائے ہم نسبتاً آسان یک دوری دور حل کرتے
ہیں۔ ایسا کرنے سے مسلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔آئیں ایک مثال سے اس عمل کو سمجھیں۔

مثال 3.9: شکل 3.30 میں تین دوری  $\Delta: Y: 2000$  کلو وولٹ-ایمپیئر، 600: 11000 وولٹ اور 50 ہر ٹز y جانب ورک متوازن تکونی ہو جھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ بو جھ کا ہر حصہ y وارک متوازن تکونی ہو جھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ بو جھ کا ہر حصہ y وارک متوازن تکونی ہو جھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ بوجھ کا ہر حصہ y وارک ہے۔ کے برابر ہے۔

- اس شکل میں تمام برقی رو معلوم کریں۔
- برقی بوجه 83 کو در کار طاقت معلوم کریں۔

حل: پہلے تکونی بوجھ کو سارہ بوجھ میں تبدیل کرتے ہیں:

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

electrical load $^{83}$ 

100 باب. 3. ٹرانسفار مسر



شكل 3.31: تكونى بوجھ كومساوى ستاره بوجھ ميں تبديل كيا گياہے۔

ستارہ بوجھ کو شکل 3.31 میں دکھایا گیا ہے جہال ایک برقی تار جسے نقطہ دار لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے کو ٹرانسفار مرک زمینی نقطہ سے بوجھ کے مشتر کہ سرے کے در میان جڑا دکھایا گیا ہے۔ متوازن دور میں اس تار میں برقی رو صفر ہو گا۔ حل کرنے کی نیت سے ہم اس متوازن دور سے یک دوری حصہ لے کر حل کرتے ہیں۔

مساوی ستاره بوجه میں برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 / -20.825^{\circ}$$

اور یک دوری طاقت درج ذیل ہو گی۔

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^\circ) = 624\,007\,\mathrm{W}$$

کل طاقت تین گنا ہو گی لیعنی 1872 kW جس بوجھ کا جزو طاقت 84 درج ذیل ہو گا۔

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

تکونی بوجھ میں برتی رو 1112.7 $=rac{1927.262}{\sqrt{3}}$  ایمپیئر ہو گا۔ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب برتی تاروں میں برتی رو درج ذیل ہو گا۔

$$\left(\frac{600}{11000}\right)\times1927.262=105.12\,\mathrm{A}$$

 $power\ factor^{84}$ 

اس مثال میں جزو طاقت 0.93467 ہے۔اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں اگر صنعتی کارخانوں کی برقی بوجھ کی جزو طاقت 0.9 سے کم ہو جائے تو برقی طاقت فراہم کرنے والا ادارہ (واپڈا) جرمانہ نافذ کرتا ہے۔

### 3.13 ٹرانسفار مرچالو کرتے لمحہ زیادہ محرکی برقی روکا گزر

ہم دیکھ کچے ہیں کہ اگر ٹرانسفار مرکے قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو سائن نما ہو لیعنی  $B=B_0\sin\omega t$  تو اس کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$v = e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t}$$
$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$
$$= V_0 \cos \omega t$$

لعيني

$$(3.49) B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

یہ مساوات برقرار چالو85 ٹرانسفار مر کے لئے درست ہے۔

تصور کریں کہ ایک ٹرانسفار مر کو چالو کیا جا رہا ہے۔ چالو ہونے سے پہلے قالب میں مقناطیسی بہاو صفر ہے اور جس لمحہ اسے چالو کیا جائے اس لمحہ بھی یہ صفر ہی رہتا ہے۔

جس لمحه ٹرانسفار مر کو چالو کیا جائے اس لمحہ لا گو برقی دباو

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

ہے۔اگر  $\pi/2$  یہ لمحہ ہو تو آدھے دوری عرصہ  $\pi/2$  بعد قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو  $heta=\pi/2$ 

$$B = \frac{1}{NA_c} \int_0^{\pi/\omega} V_0 \cos(\omega t + \pi/2) dt$$
$$= \frac{V_0}{\omega NA_c} \sin(\omega t + \pi/2)_0^{\pi/\omega}$$
$$= -\left(\frac{2V_0}{\omega NA_c}\right)$$

steady state $^{85}$  time period $^{86}$ 

102 باب. 3. ٹرانسفار مسر

یعنی کثافتِ مقناطیسی بہاو کا طول معمول سے دگنا ہو گا۔ اگر یہی حساب  $\theta=0$  لحمہ کے لئے کیا جائے تو زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو بالکل مساوات 3.49 کے عین مطابق ہو گا۔ ان دو زاویوں کے مابین زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو ان دو حدوں کے در میان رہتا ہے۔

قالب کی B-H خط غیر بندر تج بڑھتا ہے۔ لہذا B دگنا کرنے کی خاطر H کو کئی گنا بڑھانا ہو گا جو کچھے میں محرک برتی رو بڑھانے سے ہوتا ہے  $^{88}$  یہاں صفحہ 51 پر دکھائے شکل 2.17 سے رجوع کریں۔ قومی ٹرانسفار مروں میں بیجانی کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی 1.3 کے 1.3 کے 1.3 ہوتی ہے۔ ٹرانسفار مرچالو کرتے لمحہ یوں کثافتِ مقناطیسی بہاو کے سے 1.3 کہ مولکتی ہے جس کے لئے درکار بیجان انگیز برتی رو نہایت زیادہ ہوگی۔

2000<sup>87</sup> کلوووك- ايمپيئر ٹرانسفار مرسے ڇالو کرتے وقت تھر تھراہٹ کی آواز آتی ہے

# باب4

# برقی اور میکانی توانائی کا باہمی تبادلہ

برقی رو یا مقناطیسی بہاو کی مدد سے برقی توانائی کو میکانی توانائی یا میکانی توانائی کو برقی توانائی میں مختلف مشین تبدیل کرتے ہیں۔ پیائش آلات، لاؤڈ سیکیر، ماکروفون، وغیرہ نہایت کم طاقت کا تبادلہ کرتے ہیں جبکہ ریلے 1، برقی مقناطیس، وغیرہ، قوت پیدا کرتے ہیں۔ کئی مشین، جن میں برقی موٹر اور جزیٹر شامل ہیں، ایک قسم کی توانائی کو لگاتار دوسری قسم کی توانائی میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں مقناطیسی بہاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ برقی رو کی مدد سے بھی توانائی کا تبادلہ سمجھا جا سکتا ہے جس کا تذکرہ اس کتاب میں نہیں کیا جائے گا۔

اس باب میں ہم وہ اہم تراکیب سکھیں گے جو انجنیئری مسائل حل کرنے میں مددگار ثابت ہوں گے۔

# 4.1 مقناطیسی نظام میں قوت اور قوت مروڑ

برقی میدان E میں برقی بار q پر درج ذیل قوت اثر انداز ہوگ۔

$$\mathbf{F} = q\mathbf{E}$$

 $relay^1$ 



a کارخ دیگا۔ a کارخ دیگا۔ b اگردائیں ہاتھ کی شہادت کی انگلی b اور بڑی انگلی b کے رخ ہوں تب انگوٹھا مثبت باریر

مثبت برقی بار پر قوت برقی شدت E کے رخ ہو گی جبکہ منفی بار پر قوت E کے مخالف رخ ہو گی۔

مقاطیسی میدان میں متحرک بار q ، جس کی سمتی رفتارv ہو، پر درج ذیل قوت اثر انداز ہو گی۔  $\mathbf{F} = q\left(\mathbf{v} \times \mathbf{B}\right)$ 

مثبت برتی بار پر قوت کا رخ دائیں ہاتھ کے قانون  $^{6}$  دیگا۔دائیں ہاتھ کا انگوٹھا، شہادت کی انگلی اور بڑی انگلی کو ایک دوسرے کے ساتھ  $^{90}$  زاویہ پر رکھتے ہوئے اگر شہادت کی انگلی  $^{0}$  اور بڑی انگلی  $^{0}$  کے رخ ہوں تب انگوٹھا  $^{0}$  کے رخ ہوگا (شکل  $^{0}$ )۔ منفی بار پر قوت مخالف رخ ہوگی۔ یہاں سمتی رفتار  $^{0}$  اور  $^{0}$  کے بھے۔

برتی اور متناطیسی (دونوں) میدان میں حرکت پذیر بار پر قوت مساوات 4.1 اور مساوات 4.2 کے مجموعہ سے حاصل ہو گی جس کو مساوات لوریزہ کہتے ہیں۔

(4.3) 
$$F = q(E + v \times B)$$
 مساوات لورینز

مساوات 4.2 میں  $v=\mathrm{d}L/\mathrm{d}t$  کھے کر درج ذیل حاصل ہو گا جہاں آخری قدم پر  $v=\mathrm{d}L/\mathrm{d}t$  کھا گیا -

(4.4) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{F} &= q \left( \frac{\mathrm{d} \boldsymbol{L}}{\mathrm{d} t} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= \frac{q}{\mathrm{d} t} \left( \mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= i \left( \mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \end{aligned}$$

velocity<sup>2</sup> right hand rule<sup>3</sup> Lorenz equation<sup>4</sup>



شكل 4.2: ايك چكرك لچھے پر قوت اور قوت مروڑ

مثال 4.1: شکل 4.2 میں ایک لچھا مقناطیسی میدان میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے کا رداس 15 سم، محوری لمبائی 50 سم اور اس میں برقی رو 5 ایمپیئر ہے۔ کثافت مقناطیسی بہاو کو نقطہ دار نو کیلی لکیروں سے شالی قطب سے جنوبی قطب کے رخ دکھایا گیا ہے۔ اگر کثافت مقناطیسی بہاو 0.55 ٹسلا ہو تب

- کھھے کے اطراف پر قوت دریافت کریں اور
  - کھے پر قوت مروڑ τ دریافت کریں۔

حل: شکل-الف اور ب میں کار تیسی اکائی سمتیات دکھائے گئے ہیں۔ برقی تار کے سروں کو نظر انداز کرتے ہوئے اے ایک بند مستطیل تصور کرتے ہیں۔ یوں شکل-الف میں برقی رو کے رخ تار کے اطراف کی لمبائیاں ورج ذیل ہوں گی جبکہ  $B = B_0 a_{\rm X}$  ہوں گی جبکہ جہو گا۔

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{
m x} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{
m x} \end{aligned}$$

یوں مساوات 4.2 کے تحت ان اطراف پر قوت (نیوٹن) درج ذیل ہو گا۔

$$egin{aligned} m{F}_{bc} &= i \left( m{L}_{bc} imes B_0 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= 5 \left( 0.5 m{a}_{
m Y} imes 0.55 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= -1.375 m{a}_{
m Z} \ m{F}_{cd} &= 5 \left( -0.3 m{a}_{
m X} imes 0.55 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= 0 \ m{F}_{de} &= 5 \left( -0.5 m{a}_{
m Y} imes 0.55 m{a}_{
m X} 
ight) \ &= 1.375 m{a}_{
m Z} \ m{F}_{ea} &= 0 \end{aligned}$$

ہم دیکھتے ہیں کہ صرف محوری اطراف پر قوتیں پائی جاتی ہیں جنہیں شکل 4.2-ب میں دکھایا گیا ہے۔ محوری اطراف پر اثر انداز قوت، مروڑ پیدا کرتی ہیں جس کا رخ دائیں ہاتھ کے قانون سے حاصل ہو گا۔ متنظیل تاریر قوت مروڑ (نیوٹن میٹر) درج ذیل ہو گا۔

$$\tau = -1.375 \times 2 \times 0.15 \times \sin \theta \mathbf{a}_{y}$$
$$= -0.4125 \sin \theta \mathbf{a}_{y}$$

مساوات 4.1 تا مساوات 4.3 كا استعال صرف سادہ ترين صورتوں ميں ممكن ہوتا ہے۔ حقیقی مشینوں میں ان مساوات سے قوت لغین كرنا مشكل ثابت ہوتا ہے۔ آئيں ايك ايك تركيب سيكھتے ہیں جس سے ہم مختلف مشینوں میں پائی جانی والی قوتیں لغین كر سكيں ۔ اس تركیب ہم-توانائی كا طريقه كہتے ہیں جو توانائی كے الل ہونے پر مبنی ہے۔

گھومتی برتی مثین عموماً دو کچھوں پر مشتمل ہوتی ہیں۔ ان میں ایک کچھا مثین کے ساکن حصہ پر لپٹا ہوتا ہے جس کی بنا یہ ساکن رہتا ہے اور ساکن لچھا<sup>5</sup> کہلاتا ہے۔ دوسرا کچھا مثین کے گھومنے حصہ پر لپٹا ہوتا ہے اور مثین گھومنے سے یہ بھی گھومتا ہے۔ اس کو گھومتا کچھا<sup>6</sup> کہتے ہیں۔ان کچھوں کو دو عدد مقناطیس تصور کرتے ہوئے ایسی مشینوں کی کارکردگی باآسانی سمجھی جا سکتی ہے۔

جس طرح دو مقناطیس اگر قریب لائے جائیں تو یہ کوشش کرتے ہیں کہ ایک کا شال N دوسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

stator coil<sup>5</sup> rotor coil<sup>6</sup>



شکل 4.3: برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تبادلہ کا نظام۔

موٹر کے دو کچھے مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ہم جانتے ہیں کہ ایک مقناطیس کے شال N اور دوسرے کے جنوب S کے نقی قوت کشش پائی جاتی ہے۔ ساکن کچھے کا مقناطیسی بہاو گھومتے کچھے کے مقناطیسی بہاو سے کچھ آگے رہ کر اسے کھینے کر کام کرتا ہے۔ جزیٹر میں اس کے بر عکس گھومتا کچھا، ساکن کچھے پر کام کرتے ہوئے اس میں برقی دباو پیدا کرتا ہے۔

توانائی کے طریقے کو شکل 4.3 کی مدد سے سمجھا جا سکتا ہے۔ یہاں مقناطیسی نظام کو ایک ڈبہ مانند دکھایا گیا ہے۔ اس نظام کو برقی توانائی مہیا کی جاتی ہے جس کو یہ میکانی توانائی میں تبدیل کرتا ہے۔ یہاں برقی توانائی کے متغیرات فاصلہ x اور میدانی قوت  $F_m$  ہیں۔ اس شکل میں بائیں یعنی ابتدائی یا اولین جانب i کا رُخ باہر سے اندر ہے جبکہ دائیں یعنی ثانوی جانب  $F_m$  کا رُخ اندر سے باہر رخ ہے۔ یہ ٹرانسفار مر دور کے شکل 3.7 کی مانند ہے۔

جہاں نظام میں توانائی کے ضیاع کو ذخیرہ توانائی سے علیحدہ کرنا ممکن ہو وہاں توانائی کے ضیاع کو بیرونی رکن تصور کیا جاتا ہے۔ شکل 4.4 میں ایک ایسا ہی نظام دکھایا گیا ہے جس میں کچھا برقی نظام اور حرکی حصہ میکانی نظام کو ظاہر کرتے ہیں اور کچھے میں توانائی کے ضیاع کو بیرونی مزاحمت R سے ظاہر کیا گیا ہے۔

توانائی کا بنیادی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی جاسکتی ہے اور نا ہی اسے تباہ کیا جا سکتا ہے۔ اس کو صرف ایک قشم سے دوسرے قشم کی توانائی میں تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ یوں نظام کو فراہم برتی توانائی بن  $\partial W_{ij}$  کا ایک حصہ میکانی توانائی می<sub>کا</sub>نی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی توانائی میکانی و گا اور باتی حصہ مینائی میکانی خاف طریقوں سے ضائع ہو گیا جو ہمارے کسی کام نہ آسکے گا:

$$\partial W_{\mathbf{j}} = \partial W_{\mathbf{j}} + \partial W_{\mathbf{n}} + \partial W_{\mathbf{n}} + \partial W_{\mathbf{n}} + \partial W_{\mathbf{n}}$$

میدانی قوت  $F_m$ میں چھوٹی ککھائی میں mلفظ میدانی کو ظاہر کر رہاہے۔



شكل 4.4: قوت پيدا كرنے والا آلا۔

برقی توانائی کے ضیاع کو نظرانداز کرتے ہوئے  $\partial W_{ij} = \partial W_{ij} + \partial W_{ij} + \partial W_{ij}$  (4.6)  $\partial W_{ij} = \partial W_{ij} + \partial W_{ij}$  کھھا جا سکتا ہے جس کو  $\partial t$  سے تقسیم کر کے

(4.7) 
$$\frac{\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{2}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{2}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{2}}}{\partial t}$$

کھا جا سکتا ہے جو توانائی کی بجائے طاقت کی بات کرتی ہے۔ اس مساوات کے بائیں ہاتھ برقی طاقت کو ei اور دائیں ہاتھ میکانی حصہ میں  $\partial W_{\dot{0}} = F_m \partial x$  لکھ کر

(4.8) 
$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

حاصل ہو گا جہاں میرا سیر کی سے کہ کو سام کی سے کہ ساوات 2.27 استعال کرتے ہوئے اس کو

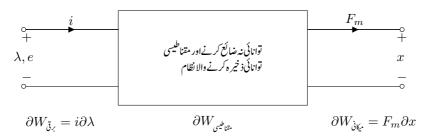
$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

کھا جا سکتا ہے۔ دونوں اطراف کو  $\partial t$  سے ضرب دے کر ترتیب نو کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔  $\partial W_m = i\partial \lambda - F_m \partial x$ 

مساوات 4.10 توانائی کے طریقہ کی بنیاد ہے۔ اس مساوات کو استعال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیادی طور پر لوریز کے قانون e ہے ہی پیدا ہوتی ہے۔مساوات 4.10 میں برقی متغیرات i اور e کی بجائے i اور k ہیں۔ لہذا شکل 4.3 کو شکل 4.5 کی طرح بھی بنایا جا سکتا ہے۔

کسی بھی تفاعل z(x,y) کا کل تفرق درج ذیل ہو گا جہاں  $\frac{\partial z}{\partial x}$  لیتے ہوئے y کو مستقل تصور کیا جاتا ہے

Lorenz equation<sup>8</sup> function<sup>9</sup>



شكل 4.5: تواناكى كى قشم تبديل كرنے والاايك نظام۔

اور  $\frac{\partial z}{\partial y}$  کو مستقل تصور کیا جاتا ہے۔

(4.11) 
$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

اسی طرح  $W_m(x,\lambda)$  کا کل تفرق

(4.12) 
$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} d\lambda$$

ہو گا جس کا موازنہ مساوات 4.10 کے ساتھ کر کے درج ذیل اخذ کیا جا سکتا ہے جہاں ایک متغیر کے ساتھ جزوی تفرق لیتے وقت دوسرے متغیر کو صریحاً مستقل ظاہر کیا گیا ہے۔

(4.13) 
$$F_m(x,\lambda) = -\left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0}$$

(4.14) 
$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|_{x_0}$$

مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی  $W_m(x,\lambda)$  دریافت کر کے مساوات 4.13 کی استعال سے قوت دریافت کی جاسکتی ہے۔ اگلے حصد میں مقناطیسی توانائی کا حصول سکھایا جائے گا۔

## 4.2 تبادله توانائی والاایک کچھے کا نظام

شکل 4.4 میں ایک کچھے کا سادہ نظام و کھایا گیا ہے۔ کچھے میں برتی ضیاع کو بیرونی مزاحمت سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ میکانی نظام میں حرکی حصہ کی کمیت کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ جہاں اس کمیت کا اثر جاننا ضروری ہو وہاں اس کو ایک بیرونی کمیت تصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح تبادلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہوتا ہے۔ قوت پیدا کرنے والی مشین میں حرکت نا گزیر ہے۔ عموماً حرکت تب ممکن ہوگی جب مقناطیسی قالب میں قابل تبدیل خلاء موجود ہو۔ قالب میں خلاء کی موجود گی کی بنا عام طور پر  $\Re_a\gg\Re_c\gg\Re_c$  ہوگا اور ایسا مقناطیسی دور حل کرتے ہوئے  $\Re_c$  کو نظر انداز کیا جائے گا۔ یوں، جیسا مساوات 2.19 میں دیا گیا ہے، مقناطیسی دباو  $\tau$  اور مقناطیسی بہاو  $\phi$  براہ راست متناسب ہول گے۔ ایسی صورت میں مساوات 2.29 میں امالہ M شکل M میں خلاء کی لمبائی M پر منحصر ہوگی لہذا اس مساوات کو درج ذیل کھتے ہیں۔

$$(4.15) \lambda = L(x)i$$

شکل 4.4 میں قوت  $F_m$  کے رخ طے ہونے والا فاصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام مل ہوگا جبکہ ہوگا جبکہ فراہم برتی توانائی  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  ہوگا  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  فراہم برتی توانائی  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  کو مساوات 4.10 کا تکمل  $\partial W_{ij} = i\,\mathrm{d}\lambda$  کا تحمل کرتے ہیں۔

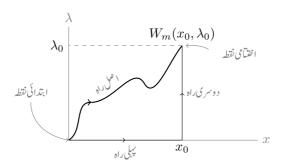
(4.16) 
$$\int \partial W_m(x,\lambda) = \int i(x,\lambda) \, d\lambda - \int F_m(x,\lambda) \, dx$$

اس تکمل کا حصول شکل 4.6 سے واضح ہو گا۔ابتدائی نقطے پر مقناطیسی نظام کو کوئی برتی توانائی فراہم نہیں کی گئی ہے۔ یوں نظام میں برقی رو صفر ہو گی جس کی بنا مقناطیسی بہاو اور ارتباط بہاو بھی صفر ہوں گے النذا مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی بھی صفر ہو گی۔ کسی بھی مقناطیس کی قوت کشش اس کی مقناطیسی بہاو پر منحصر ہوتی ہے للذا صفر مقناطیسی بہاو کی بنا اس نظام میں قوت کشش صفر ہو گا اور یوں اس میں حرکت بھی صفر ہو گا۔اس طرح ابتدائی نقطہ پر درج ذیل ہوں گے۔

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

ابتدائی نقطہ شکل 4.6 میں دکھایا گیا ہے۔ اب کچھے کو برتی توانائی فراہم کی جاتی ہے۔ کچھے میں برتی رو کی بنا قوت اور حرکت پیدا ہو گی۔ آخر کار نظام اختتای نقطہ پر پنچے گا۔اختتای نقطہ بھی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پر  $x=x_0$  اور  $x=x_0$  اور  $x=x_0$  بیں اور مقناطیسی میدان میں توانائی ( $x=x_0$ ) سہالیہ ہے۔ابتدائی نقطہ سے اختتای نقطہ تک  $x=x_0$  کی توانائی کو یوں بڑھایا جاتا ہے کہ  $x=x_0$  میں موٹی کیر (اصل راستے) پر رہیں۔ آخری نقطہ پر مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی  $x=x_0$  جائے ہم متبادل راستہ اختیار کرتے ہیں۔ حاصل کرنا ہو گا جو ایک مشکل کام ہے۔اس راہ پر تکمل کی بجائے ہم متبادل راستہ اختیار کرتے ہیں۔

 $integral^{10}$ 



شكل4.6: مقناطيسي ميدان ميں توانائي۔

ہم اس حقیقت سے فائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان ایک قدامتے پہند میدالین الے جس کا مطلب ہے کہ مقاطیسی میدان میں مقاطیسی میدان مقاطیس میں مقاطیس میں مقاطیس میں ہم من پند راستہ اختیار کرتے ہیں ہم میں ابتدائی نقطہ سے پہلی راہ چل کر فاصلہ  $x_0$  سے کر کے دوسری راہ اختیار کر کے اختیامی نقطہ ( $x_0$ ) میں ابتدائی نقطہ سے پہلی راہ چل کر فاصلہ  $x_0$  سے کہ میں ابتدائی نقطہ ( $x_0$ ) سے نقطہ ( $x_0$ ) میں میاوات  $x_0$  میں میاوات کا کو دو تکملات کا مجموعہ کھا جائے گا۔ ایک تکمل نقطہ ( $x_0$ ) سے نقطہ ( $x_0$ ) میں سے نقطب ( $x_0$ ) میں سے نقطہ ( $x_0$ ) میں سے نقط ( $x_0$ ) میں سے نقط ( $x_0$ ) میں

(4.17) 
$$\int_{\partial U_m(x,\lambda)} \partial W_m(x,\lambda) = \int_{\partial U_m(x,\lambda)} \partial W_m(x,\lambda) + \int_{\partial U_m(x,\lambda)} \partial W_m(x,\lambda)$$

اس مساوات کے دائیں ہاتھ کملات کو باری باری دیکھتے ہیں۔ پہلی راہ کمل کو مساوات 4.16 کی مدد سے لکھتے ہیں۔

(4.18) 
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_m(x,\lambda) = \int_0^0 i(x,0) \,\mathrm{d}\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \,\mathrm{d}x$$

جیبیا شکل 4.6 میں دکھایا گیا ہے، پہلی راہ پر  $0=\lambda$  ہے۔ مساوات 4.18 میں اس بات کو برتی رو i(x,0) اور قوت  $f_0^0$  i(x,0)  $\mathrm{d}\lambda=0$  کیا گیا ہے۔ چونکہ ابتدائی اور اختتامی نقطوں پر  $\lambda$  صفر ہے لہذا  $0=\lambda$  ہوں۔ ہوگا۔ ایسے تکمل کی قیمت صفر ہوتی ہے جس کا ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک دوسرے کے برابر ہوں۔

conservative field<sup>11</sup>

 $m_{p}$ وگ۔ میدان مجی قدامت پند میدان ہے۔ ای لئے اگر کمیت mکو کسی مجی رائے میکان میک نے جایاجائے تواس کی خفی توانائی  $m_{p}$ وگ ۔

پہلی راہ پر  $0=\lambda$  ہونے کی بنا اس راہ پر مقناطیسی بہاو بھی صفر ہو گا لہذا اس راہ پر مقناطیسی اثر نہیں پایا جائے گا اور قوت  $F_m$  صفر ہو گا۔ ہم جانتے ہیں کہ صفر کا تکمل صفر ہوتا ہے لہذا  $0=F_m$  صفر ہو گا۔ یوں کہ میں راہ پر کا تکمل (میاوات 4.18) صفر ہو گا:

(4.19) 
$$\int_{\mathbb{R}^{3}} \partial W_{m}(x,0) = \int_{0}^{0} i(x,0) \, d\lambda - \int_{0}^{x_{0}} F_{m}(x,0) \, dx = 0$$

مساوات 4.17 میں دوسری راہ کا تکمل

(4.20) 
$$\int_{\partial L(\zeta,z)} \partial W_m(x_0,\lambda) = \int_0^{\lambda_0} i(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}\lambda - \int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0,\lambda) \,\mathrm{d}x$$

ہو گا۔ دوسری راہ پر  $x=x_0$  ہے لہذا مساوات 4.20 میں دائیں ہاتھ دوسرے تکمل کا ابتدائی نقطہ  $x_0$  اور اختتامی نقطہ بھی  $x_0$  ہو گا جس کی بنا قوت کا تکمل صفر ہو گا:

(4.21) 
$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x = 0$$

آخر میں مساوات 4.20 کے دائیں ہاتھ، برتی رو کا تکمل حل کرنا باقی ہے۔ مساوات 4.15 استعال کرتے ہوئے اسے حل کرتے ہیں۔

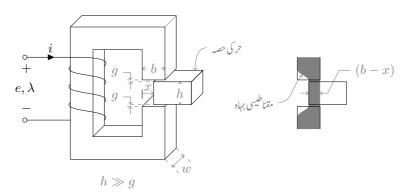
(4.22) 
$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, d\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda \, d\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

مباوات 4.20، مباوات 4.21 اور مباوات 4.22 کے نتائج استعال کرتے ہوئے مباوات 4.17 میں دیے تکمل کا حل کھتے ہیں:

$$W(x_0, \lambda_0) = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

اس میاوات میں اختتامی نقطہ کو عمومی نقطہ  $(x,\lambda)$  لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا جو مقناطیسی میدان میں توانائی کی میاوات ہے۔

$$(4.23) W(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L(x)}$$



شكل 4.7: حركت اور توانائي\_

مساوات 4.23 کی مدد سے مساوات 4.13 کے ذریعہ قوت  $F_m(x,\lambda)$  اور مساوات 4.14 کے ذریعہ برتی رو  $i(x,\lambda)$  کا حساب اب ممکن ہے۔

مثال 4.2: شکل 4.7 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکی اور ساکن حصوں کے نظم مثال 4.2: شکل 4.7 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکی اور ساکن حصوں کے نظم خلائی درز g موجود ہے۔ اگر i=30 A میں i=30 A موبود ہے۔ اگر i=30 A موبود ہے۔ اگر i=30 A کیا ہوگی ورز میں توانائی i=30 کیا ہوگی ؟

(4.24) 
$$W_m(x,i) = \frac{1}{2} \frac{N^2 \mu_0 w(b-x)}{2g} i^2$$

ہو گا جس میں دی گئی معلومات پر کرنے سے درج ذیل توانائی حاصل ہو گی (جس کی اکائی جاول ہے)۔

$$W_m(x,i) = \frac{1}{2} \times \frac{500^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.4(0.2 - x)}{2 \times 0.001} \times 30^2$$
$$= 28278(0.2 - x)$$

مثال 4.3: شکل 4.7 میں توانائی کے طریقہ سے قوت  $F_m$  دریافت کریں۔

 $\lambda$  اور  $\lambda$  ماوات 4.13 کہتی ہے کہ م $\left| \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0} = -\left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0}$  اور  $\lambda$ 

مثال 4.2 میں مساوات 4.24 حاصل کی جو توانائی کا کلیہ ہے۔اییا کرتے ہوئے  $\lambda$  کی جگہ میں عبول  $\lambda$  جانے ہوئے  $\lambda$  اور  $\lambda$  ہیں۔ قوت کے حصول گیا جس کی بنا مساوات 4.24 میں  $\lambda$  بیل کے متغیرات  $\lambda$  اور  $\lambda$  کا بجائے  $\lambda$  اور  $\lambda$  ہیں۔ قوت کے حصول کے تاکہ توانائی کے درست متغیرات درکار ہوں گے تاکہ توانائی کے کئے مساوات 4.24 استعال نہیں کیا جا سکتا ہے۔ ہمیں توانائی کے درست متغیرات درکار ہوں گے تاکہ توانائی درست فوت حاصل نہیں ہوتا ہے)۔ درست طریقہ درج ذیل ہے۔

(4.25) 
$$W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2\left(\frac{N^2 \mu_0 A_g}{2g}\right)} = \frac{g\lambda^2}{N^2 \mu_0 w(b-x)}$$

مساوات 4.25 اور مساوات 4.13 مل كر درج ذيل ديتي هين-

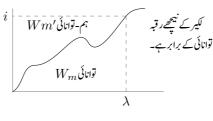
$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2 \mu_0 w (b-x)^2}$$

تفرق لینے کے بعد  $\lambda$  کی جگہ Li پر کیا جا سکتا ہے۔یوں قوت

$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28278$$

نیوٹن حاصل ہوتی ہے۔ قوت کی علامت منفی ہے جس کے تحت قوت گھٹت x رخ ہو گی۔ یوں حرکی حصہ بائیں رخ کھینچا جائے گا۔

4.3. توانائی اور جم – توانائی



شكل4.8: ہم-توانائي كى تعريف\_

#### 4.3 توانائی اور ہم-توانائی

شکل 4.8 میں  $\lambda$  اور i کے مابین ترسیم و کھایا گیا ہے۔اس کیبر کے نیچے رقبہ ہم-توانائی  $W_m$  تصور کریں۔ اس ترسیم پر کوئی ایک نقطہ  $(\lambda,i)$  لے کر ایک کیبر نیچے اور دوسری بائیں کھینچ کر ایک مستطیل مکمل کیا گیا ہے جس کا رقبہ  $\lambda$  ہے۔ مستطیل کے رقبہ سے توانائی  $W_m$  منفی کرنے سے حاصل رقبہ ہم-توانائی  $W_m^{-13}$  کہلاتا ہے۔

$$(4.26) W_m' = \lambda i - W_m$$

ہم-توانائی کے جزوی فرق

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

میں مساوات 4.10 کا استعال

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W_m' = \lambda \partial i + F_m \partial x$$

د يگا۔

 $co-energy^{13}$ 

یبان بھی مساوات 4.11 تا مساوات 4.14 کی طرح کسی بھی تفاعل z(x,y) کا جزوی فرق

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

ہو گا لہٰذا ہم-توانائی  $W_m'(x,i)$  کا جزوی فرق درج ذیل ہو گا۔

(4.28) 
$$\partial W'_m(x,i) = \frac{\partial W'_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W'_m}{\partial i} di$$

مساوات 4.28 کا مساوات 4.27 کے ساتھ موازنہ کرنے سے درج زیل حاصل ہو گا۔

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

اور

$$(4.30) F_m = \frac{\partial W_m'}{\partial x} \Big|_{i_0}$$

مساوات 4.30 توت دریافت کرنے کا دوسرا کلیہ دیتی ہے۔ مساوات 4.30 میں ہم-توانائی جبکہ مساوات 4.13 میں توانائی کے ذریعہ قوت حاصل کی گئی۔

توانائی کے طریقہ کی طرح مساوات 4.29 سے درج ذیل تکمل لکھا جا سکتا ہے۔

(4.31) 
$$W'_m(i_0, x_0) = \int_0^{i_0} \lambda(i, x_0) \, \mathrm{d}i$$

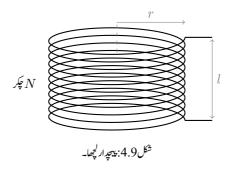
جن نظام میں  $\lambda$  اور i کا تعلق تغیر راست ہو، جس کو مساوات 2.29 بیان کرتی ہو، ان کے لئے درج بالا تکمل کا حل درج ذیل ہو گا جہال  $x_0$  کی بجائے عمومی متغیرات i اور x کھھے گئے ہیں۔

(4.32) 
$$W'_m(i,x) = \int_0^i L(x)i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x)i^2}{2}$$

بعض مسائل میں توانائی اور بعض میں ہم-توانائی کا استعال زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے۔

مثال 4.4: شکل 4.9 میں ایک پیچپرار کچھا دکھایا گیا ہے جس کی محوری لمبائی I، رداس r اور چکر I ہیں۔ پیچپرار کچھ کے مقاطیسی بہاو کا بیشتر حصہ محوری رخ کچھے کے اندر رہتا ہے۔ کچھے کے باہر مقناطیسی بہاو کو نظر انداز کرتے ہوئے کے مناطیسی بہاو کو نظر انداز کرتے ہوئے کے اندر محوری لمبائی رخ میدانی شدت I ہو گا۔

4.3. توانائی اور جم – توانائی



موصل دھات کو امالی برقی توانائی سے بگھلانے کے لئے پیچپرار کچھا استعال کیا جاتا ہے۔ میں 100 تا 1500 کلو واٹ برقی طاقت کی امالی برقی بھٹیارے 14 بناتا رہا جو بالترتیب 500 تا 1200 ہرٹز پر کام کرتی اور 100 سے 3000 کلو گرام لوہا بگھلاتی ہیں۔

امالی بھٹی کے پیچپرار کچھے کے اندر غیر موصل پیالے میں دھات کے نکڑے ڈال کر کچھے میں بدلتارو گزاری جاتی ہے جو دھات میں بھنور نما امالی برقی رو پیدا کرتی ہے۔ بھنور نما رو دھات کو گرم کر کے پکھلاتی ہے۔امالی برقی بھٹی میں لوہے کو 1650 ڈگری ٹلسئرچ <sup>15</sup> تک گرم کیا جاتا ہے۔

یچپرار کچھ میں برقی رو  $I_0$  کی بنا کچھ پر روائی رخ میکانی دباہ یعنی قوت فی مربع رقبہ پیدا ہو گا۔میری 3000 کلو گرام لوہا پھسلانے کی بھٹی کے پیچپرار کچھ کی تفصیل درج ذیل ہے۔

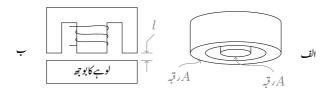
$$N = 11$$
,  $I_0 = 10\,000\,\mathrm{A}$ ,  $l = 0.94\,\mathrm{m}$ ,  $r = 0.49\,\mathrm{m}$ 

اس پر رداس رخ میکانی دباو (نیوٹن فی مربع میٹر) حاصل کریں۔

حل: ہم-توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W'_m(r,i) &= \frac{L i^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W'_m}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

high frequency, induction furnaces<sup>14</sup> Celsius, Centigrade<sup>15</sup>



شكل4.10: برقى مقناطيس ـ

اں قوت کی علامت مثبت ہے للذا یہ رداسی رخ باہر جانب ہو گا۔ کچھے کو نکلی تصور کریں جس کی گول سطح کا رقبہ  $A=2\pi rl$ 

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

دی گئی معلومات پر کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8605 \, \frac{N}{m^2}$$

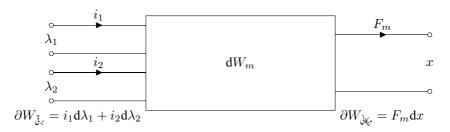
مثال 4.5: 2700 کلوواٹ امالی بھٹی یومیہ 70 ٹن 16 لوہا پھطاتی 17 ہے۔اتنے وزن کی منتقل کے لئے برقی مقناطیس استعال کیا جاتا ہے۔شکل 1.7 میں ایک ایسا برقی مقناطیس دکھایا گیا ہے جس کی تفصیل درج ذیل ہے۔

$$N = 300, \quad A = 0.8 \,\mathrm{m}^2, \quad I = 30 \,\mathrm{A}$$

برقی مقناطیس اور لوہے کے ﷺ اوسط فاصلہ 2.5 سنٹی میٹر لیں۔ یہ برقی مقناطیس کتنی کمیت کا لوہا اٹھا سکتا ہے؟ حل:

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 A}{2l} \\ W_m'(l,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l} \\ F &= \frac{\partial W_m}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.0254^2} = -31\,558\,\mathrm{N} \end{split}$$

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup>ہزار کلو گرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ <sup>17</sup> یہ میں اینے تجربے کی بنیاد پر کہد رہاہوں۔



شكل 4.11: دولچھوں كانظام۔

قوت کی علامت منفی ہے۔یوں یہ مقناطیس اور لوہے کے پی فاصلہ کم کرنے کی کوشش کرتی ہے۔یہ مقناطیس  $\frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$ 

مثال 4.6: مثال 4.3 کو ہم-توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔

حل: مساوات 4.32 سے

$$W'_{m} = \frac{L(x)i^{2}}{2} = \frac{N^{2}\mu_{0}w(b-x)i^{2}}{4g}$$

لکھ کر مساوات 4.30 سے درج ذیل قوت حاصل ہوتی ہے۔

$$F_m = \frac{\partial W'_m}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4g} = -28278 \,\text{N}$$

# 4.4 متعدد ليجعول كامقناطيسي نظام

اب تک ایک کچھے کے نظام پر غور کیا گیا۔ اس حصہ میں ایک سے زیادہ کچھوں کے نظام پر غور کیا جائے گا۔ متعدد کچھوں کا نظام بھی ایک کچھے کا برقی رو  $i_1$  اور دوسرے کچھوں کا نظام بھی ایک کچھے کا برقی رو  $i_1$  اور دوسرے

کھے کا برتی رو $_{12}$  ہے۔ اس نظام کے لئے درج ذیل لکھنا ممکن ہے جہاں  $W_{m}$  ذخیرہ توانائی کو ظاہر کرتی ہے۔

$$\partial W_{\mathbf{i}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

$$\partial W_{\mathbf{j}} = \partial W_{\mathbf{j}} + \partial W_{m}$$

 $\partial W_{\mathbf{j}_{\mathbf{k}}} = F_m \, \mathrm{d} x$  میں پُر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات حاصل ہوتی ہے جس میں پُر کرتے ہوئے درج ذیل مساوات ککھا گیا ہے۔

$$(4.35) i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 = F_m dx + \partial W_m$$

اس کی ترتیب نو درج ذیل دیگی۔

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - F_m \, \mathrm{d}x$$

اب بالكل مساوات 4.12 كى طرح درج ذيل لكها جا سكتا ہے۔

(4.37) 
$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} dx$$

مساوات 4.36 اور 4.37 کے موازنہ سے درج ذیل تعلقات اخذ ہوتے ہیں۔

(4.38) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, x}$$

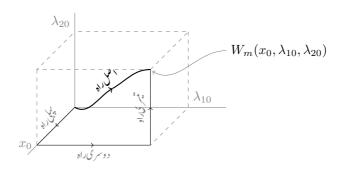
(4.39) 
$$i_2 = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_2} \bigg|_{\lambda_1, x}$$

(4.40) 
$$F_m = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

ان مساوات کا استعال تب ممکن ہو گا جب ہمیں توانائی  $W_m$  معلوم ہو للذا ہم پہلے توانائی دریافت کرتے ہیں۔

شکل 4.11 میں کچھوں کو بوں طاقت دی جاتی ہے کہ  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صفر سے بالترتیب  $\lambda_{1_0}$  اور  $\lambda_{2_0}$  تک پہنچتے ہیں اور ساتھ ہی x صفر سے تبدیل ہو کر  $x_0$  ہوتا ہے۔ اس عمل کو شکل  $x_0$  میں موٹی کلیر سے بطور "اصل راہ" دکھایا گیا ہے۔ مساوات  $x_0$  کی طرح ذخیرہ توانائی کے تکمل کے لئے درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$\int_{\partial U_m} \partial W_m = \int_{\partial U_m} \partial W_m + \int_{\partial U_m} \partial W_m + \int_{\partial U_m} \partial W_m + \int_{\partial U_m} \partial W_m$$



شکل 4.12: دولیچھوں کے نظام میں مقناطیسی میدان میں توانائی۔

ہم دائیں ہاتھ کھملات کو باری باری حل کرتے ہیں۔

پہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صفر رہتے ہیں جبکہ x کی ابتدائی قیت 0 اور اختتامی قیمت  $\lambda_2$  ہے۔یوں پہلی راہ پر تکمل درج ذیل ہو گا۔

(4.42) 
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_m = \int_0^0 i_1 \, d\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \, d\lambda_2 - \int_0^{x_0} F_m \, dx$$

سی بھی تکمل کا ابتدائی اور اختتامی نقطہ ایک دوسرے جیسا ہونے کی صورت میں تکمل کی قیت صفر ہوتی ہے للذا درج بالا میں دائیں ہاتھ، پہلے دو تکملات صفر ہوں گے:

(4.43) 
$$\int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

پہلی راہ پر  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  صفر ہیں، یعنی، دونوں کچھوں میں برقی رو صفر ہے، للذا مقناطیسی بہاو اور قوت  $F_m$  صفر ہوں گے۔ یوں مساوات 4.42 میں قوت کا تکمل صفر ہو گا۔

(4.44) 
$$\int_{0}^{x_{0}} F_{m} \, \mathrm{d}x = \int_{0}^{x_{0}} 0 \, \mathrm{d}x = 0$$
 (4.44) (4.45) مفر کا کمل صفر ہوتا ہے)

مساوات 4.43 اور مساوات 4.44 کے نتائج کے تحت پہلی راہ پر تکمل صفر ہو گا۔

$$\int_{\mathbf{y}} \partial W_m = 0$$

دوسری راہ پر  $\lambda_1$  کی ابتدائی قیمت 0 اور اختتامی قیمت  $\lambda_2$  ہے،  $\lambda_2$  صفر رہتا ہے جبکہ x کی قیمت x رہتی ہے۔ یوں دوسری راہ پر تکمل درج ذیل ہو گا۔ x

(4.46) 
$$\int_{\mathbf{y} \cup \mathcal{G}_{f,y}} \partial W_{m} = \int_{0}^{\lambda_{1_{0}}} i_{1} d\lambda_{1} + \int_{0}^{0} i_{2} d\lambda_{2} - \int_{x_{0}}^{x_{0}} F_{m} dx$$

تمل کا ابتدائی اور اختامی نقطہ ایک جیبا ہونے کی صورت میں تمل کی صفر ہوتی ہے للذا درج ذیل ہو گا۔

$$\int_0^0 i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \,\mathrm{d}x = 0$$

یوں مساوات 4.46 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$\int_{\mathfrak{gl}(\mathcal{G}_{\mathcal{F}})} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1$$

يبال مساوات 2.33 ، 2.36 اور 2.38 كى ضرورت بيش آئ كى للذا جنهين دوباره بيش كرتے ہيں۔

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$$

$$(4.50) L_{12} = L_{21}$$

ماوات 4.48 اور ماوات 4.48 کو  $i_2$  اور  $i_2$  کے حل کے

$$(4.51) i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

$$(4.52) i_2 = \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D}$$

حاصل ہو گا جہاں D درج ذیل ہے۔

$$D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

مساوات 4.47 میں مساوات 4.51 پر کر کے، دوسری راہ پر  $\lambda_2$  صفر لے کر درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$\int_0^{\lambda_{1_0}} \left( \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{1_0}} \lambda_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

یوں دوسری راہ پر تکمل کی قیمت درج ذیل ہو گی۔

$$\int_{\theta \cup \mathcal{G}(Y)} \partial W_m = \frac{L_{22} \lambda_{1_0}^2}{2D}$$

تیسری راہ پر  $\lambda_1$  کی قیمت  $\lambda_1$  اور x کی قیمت  $x_0$  پر بر قرار رہتی ہے جبکہ  $\lambda_2$  کی ابتدائی قیمت  $\lambda_1$  اور اختتامی قیمت  $\lambda_2$  ہے۔ یوں تیسری راہ پر تکمل درج ذیل ہو گا۔

(4.54) 
$$\int_{\partial \mathcal{V}_{x}} \partial W_{m} = \int_{\lambda_{1_{0}}}^{\lambda_{1_{0}}} i_{1} d\lambda_{1} + \int_{0}^{\lambda_{2_{0}}} i_{2} d\lambda_{2} - \int_{x_{0}}^{x_{0}} F_{m} dx$$

تکمل کا ابتدائی اور اختتامی نقطہ ایک جیسا ہونے کی صورت میں تکمل کی قیمت صفر ہوتی ہے للذا درج بالا میں دائیں ہاتھ پہلا اور تیسرا تکمل صفر ہو گا:

(4.55) 
$$\int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

مساوات 4.52 کی استعال سے مساوات 4.54 کا باقی حصہ حل کرتے ہیں۔

(4.56) 
$$\int_0^{\lambda_{2_0}} i_2 \, d\lambda_2 = \int_0^{\lambda_{2_0}} \left( \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D} \right) d\lambda_2$$
$$= \frac{L_{11}\lambda_{2_0}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

مساوات 4.55 اور مساوات 4.56 کی نتائج سے تیسری راہ کا تکمل درج ذیل حاصل ہو گا۔

(4.57) 
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_m = \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

 $\lambda_{10}$  مساوات 4.45، 4.45 اور 4.57 کو جمع کر کے مساوات 4.44 کا درج ذیل حل حاصل ہو گا جہاں x جہاں x کی جگہ عمومی متغیرات x نامی x کی کھھے گئے ہیں۔

(4.58) 
$$W_m(x,\lambda_1,\lambda_2) = \frac{L_{22}\lambda_1^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_2^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$

(4.59) 
$$\partial W'_m(x, i_1, i_2) = \lambda_1 di_1 + \lambda_2 di_2 + F_m dx$$

جبه  $\lambda_2$  ، ورج ذیل ہوں گی۔  $F_m$  اور  $\lambda_2$  ،  $\lambda_1$ 

(4.60) 
$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_1} \right|_{x, i_2}$$

(4.61) 
$$\lambda_2 = \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_2} \bigg|_{x, i_1}$$

(4.62) 
$$F_m = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial x} \right|_{i_1, i_2}$$

مساوات 4.58 کی مقابل ہم-توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

(4.63) 
$$W'_m(x, i_1, i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

ہم-توانائی سے قوت کا حصول درج ذیل مساوات سے ہو گا۔

(4.64) 
$$F_m = \frac{i_1^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{11}(x)}{\mathrm{d}x} + \frac{i_2^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{22}(x)}{\mathrm{d}x} + i_1 i_2 \frac{\mathrm{d}L_{12}(x)}{\mathrm{d}x}$$

مثال 4.7: شکل 4.11 میں میکانی کام کو  $heta = T_m \, \mathrm{d} \theta$  کو  $\partial W_{ij}$ 

حل: توانائی کی مساوات

$$\partial W_{\ddot{\mathcal{J}}_{\mathcal{L}}} = \partial W_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathcal{L}}} + \partial W_m$$

میں

$$\partial W_{\mathbf{\ddot{5}}\ell} = i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2$$

اور  $\partial W_{i,j}=T_m\,\mathrm{d} heta$  پر کر کے ترتیب نوسے درج ذیل حاصل ہو گا۔

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - T_m \, \mathrm{d}\theta$$

ے جزوی فرق  $W_m$ 

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} d\theta$$

كا مساوات 4.65 ك ساتھ موازنه كرنے سے درج ذيل اخذ كيا جا سكتا ہے۔

(4.66) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, \theta}$$

(4.67) 
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1, \theta}$$

(4.68) 
$$T_{m} = -\left. \frac{\partial W_{m}(\lambda_{1}, \lambda_{2}, \theta)}{\partial \theta} \right|_{\lambda_{1}, \lambda_{2}}$$

مساوات 4.65 عین مساوات 4.36 کی مانند ہے۔ مساوات 4.65 حل کرنے کا ایک ایک قدم مساوات 4.36 مساوات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  حل کرنے کی طرح ہے، بس فاصلہ x کی جگہ زاویہ  $\theta$  آئے گا۔ یوں جواب میں میدانی توانائی کے متغیرات x مساوات 4.36 میں میدانی توانائی کے متغیرات x مساوات کے دول گے:

(4.69) 
$$W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{L_{22}\lambda_1^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_2^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_1\lambda_2}{D}$$

اسی طرح ہم-توانائی کے لئے درج ذیل ہوں گے۔

(4.70) 
$$\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta) = \lambda_{1} di_{1} + \lambda_{2} di_{2} + T_{m} d\theta$$

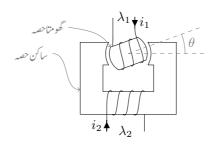
(4.71) 
$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{1}} \Big|_{i_{2}, \theta}$$

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{2}} \Big|_{i_{1}, \theta}$$

$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial \theta} \Big|_{i_{1}, i_{2}}$$

ہم-توانائی کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

(4.72) 
$$W'_m(i_1, i_2, \theta) = \frac{1}{2} L_{11} i_1^2 + \frac{1}{2} L_{22} i_2^2 + L_{12} i_1 i_2$$



شکل 4.13: دولچھوں کے نظام میں قوت مروڑ۔

مثال 4.8: شکل 4.13 میں دو کیچھوں کا نظام دکھایا گیا ہے۔اس نظام کا ایک حصہ ساکن رہتا ہے اور دوسرا گھوم سکتا ہے۔افقی کیبر سے گھڑی کی سوئیوں کے مخالف رخ گھومتے ہوئے زاوید 6 ناپا جاتا ہے۔ کیچھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندرجہ ذیل ہیں۔

$$L_{11} = 20 + 30\cos 2\theta$$
  

$$L_{22} = (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3}$$
  

$$L_{12} = 0.15\cos \theta$$

برتی رو  $T_m$  معلوم کریں۔  $i_1=0.02\,\mathrm{A}, i_2=5\,\mathrm{A}$  معلوم کریں۔

حل: مساوات 4.72 ہم-توانائی دیتی ہے۔

$$W_m' = \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)i_1^2 + \frac{1}{2}(20 + 30\cos 2\theta)(10^{-3})i_2^2 + (0.15\cos \theta)i_1i_2$$

مساوات 4.71 کا آخری جزو قوت مروڑ دیتی ہے۔

$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_2^2 \sin 2\theta - 0.15i_1i_2 \sin \theta$$
$$= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$
$$= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$

قوت مروڑ کی علامت منفی ہے للذا یہ زاویہ میں تبدیلی کی مخالفت کرے گا۔ یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں (مثبت  $\theta$ ) تو یہ نظام زاویہ کم کرنے کے رخ قوت مروڑ (منفی  $T_m$ ) پیدا کرے گا اور اگر آپ زاویہ کم (منفی  $\theta$ ) کرنے کی کوشش کریں تو یہ نظام زاویہ بڑھانے کے رخ قوت مروڑ (شبت  $T_m$ ) پیدا کرے گا۔ سادہ زبان میں گھومتا حصہ اُفقی کئیر پر رہنے کی کوشش کرے گا۔

## باب5

# گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا جائے گا۔ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قشم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

#### 5.1 قانون فيراد ك

قانور فیراڈے  $^1$  کے تحت جب بھی کسی کچھے کا ارتباط بہاو  $\lambda$  وقت کے ساتھ تبدیل ہو، اس کچھے میں برقی دباو پیدا ہو گا:

$$(5.1) e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

چونکہ ہمیں برقی دباو کی قیمت ناکہ اس کے ہے ہے ولچین ہے لہذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔

گھومتے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے پیدا کی جا سکتی ہے۔مثلاً کچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھما کر یا ساکن کچھے میں مقناطیس گھما کر، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law<sup>1</sup>

ان برقی مثینوں میں کچھے مقناطیسی قالب<sup>2</sup> پر لییٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ مزید قالب کی شکل زیادہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ مزید قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کے مقام پر پہنچایا جاتا ہے۔

ان مشینوں کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو<sup>3</sup> پیدا ہوتا ہے۔ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر باریک لوہے کی پتری<sup>4</sup> تہہ در تہہ رکھ قالب بنایا جاتا ہے۔ ۔ آپ کو یاد ہو گا، ٹرانسفار مرکا قالب بھی اس طرح بنایا جاتا ہے۔

#### 5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برتی جزیئر کا ایک بنیادی شکل و کھایا گیا ہے۔ اس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ  $\theta_m$  سے بتلائی جاتی ہے۔ افقی کلیر سے گھڑی کے مخالف زاویہ  $\theta_m$  ناپا جاتا ہے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیں ایک مقررہ رفتار ہے، فی سینڈ n مکمل چکر کائنا ہو تب ہم کہتے ہیں کہ اس مقناطیں کے گھومنے کا تعدد n ہر ٹر ڈ ہے۔ اس بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیں 60n فی منٹ 6 کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 360 زاویہ یا  $2\pi$  ریڈ بیک 7 پر مشتمل ہوتا ہے للذا گھومنے کی اس رفتار کو  $2\pi$ 0 ریڈ بیک فی سیکٹر بھی کہہ سکتے ہیں۔ یوں اگر مقناطیس f ہر ٹرزکی رفتار سے گھوم رہا ہو تب ہیں۔ یوں اگر مقناطیس f ہر ٹرزکی رفتار سے گھوم رہا ہو تب ہے  $2\pi$ 1 میں خوص کی جاتا ہے۔

$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس كتاب مين گھومنے كى رفتار كو عموماً ريدينن في سينٹر مين بيان كيا جائے گا۔

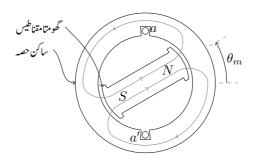
شکل 5.1 میں مثین کے دو مقاطیسی قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطبی مثین کہتے ہیں۔ ساکن قالب میں، اندر کی جانب دو شگاف ہیں، جن میں N چکر کا کچھا موجود ہے۔ کچھے کو a اور a' ہے ظاہر کیا گیا ہے۔اس کچھے کی بنا

magnetic core<sup>2</sup> eddy currents<sup>3</sup> laminations<sup>4</sup> Hertz<sup>5</sup>

rounds per minute, rpm<sup>6</sup>

radians<sup>7</sup>

5.2 معاصر مشين



شکل 5.1: دوقطب، یک دوری معاصر جنزیٹر۔

اس مشین کو ایک کچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھا جزیٹر کے ساکن حصہ پر پایا جاتا ہے لہذا یہ کچھا بھی ساکن ہو گا جس کی بنا اسے ساکھنے کچھا<sup>8</sup> کہتے ہیں۔

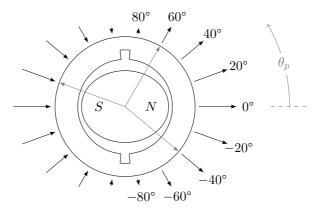
مقناطیس کا مقناطیس بہاو شالی قطب  $N^9$  سے خارج ہو کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر، دوسرے خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، مقناطیس کے جنوبی قطب  $N^{-10}$  میں داخل ہو گا۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کے ککیروں سے دکھایا گیا ہے۔ یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے میں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل  $N^{-10}$  میں مقناطیس سیدھی سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.2 میں مقناطیس تقریباً گول ہے اور اس کے محور کا زاویہ  $\theta_m$  صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن قالب کے پی صفر زاویہ  $0 = \theta$  ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ 0 = 90 ، پر خلائی درز سے قالب کے پی صفر زاویہ کم ہوگی جبکہ زیادہ خلائی درز پر بی پی پاپٹ زیادہ ہوگی لہذا  $0 = \theta$  پر خلائی درز سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزرے گا۔ خلائی درز کی لمبائی یوں تبدیل کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا ہو۔ مقناطیسی بہاو مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پر داخل ہوتا ہے۔ اگر خلائی درز میں 0 = 0 سائن نما ہو

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب کثافت مقناطیسی بہاو B صفر زاویہ  $\theta_p=0^\circ$ ، پر زیادہ سے زیادہ اور نوے زاویہ،  $\theta_p=90^\circ$ ، پر صفر ہو گی اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\theta_p=0$  کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ $\theta_p=0$  کو مقناطیس کے شالی قطب سے گھڑی کے مخالف

stator coil<sup>8</sup> north pole<sup>9</sup> south pole<sup>10</sup>



شكل 5.2: كثافت مقناطيسي بهاواور زاويه كاتبديلي ـ

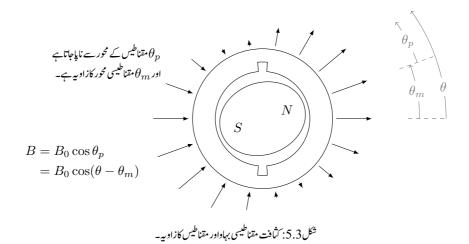
رخ ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن ھے کے باہر نوکیلی کلیروں کی لمبائی سے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت اور کلیروں کے رخ سے بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ہاکی سیابی سے  $^{\circ}0$ -  $^{\circ}0$  اور  $^{\circ}0$ 0 یہاو ردائی رخ جبکہ  $^{\circ}0$ 1 پر مقناطیسی بہاو ردائی رخ جبکہ  $^{\circ}0$ 1 پر مقناطیسی بہاو ردائی رخ جبکہ باقی آ دھے میں مخالف ردائی رخ ہو گا۔ خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا ترسیم سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس دوسرے زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ یاد رہے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت مقناطیس کے شائی قطب پر زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ ور شائی قطب پر زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ اور شائی قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو ردائی رخ ہو گا۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو ردائی رخ ہو گا۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو ردائی رخ ہو گا۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو ردائی رخ ہو گا۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو ردائی رخ ہو گا۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو ردائی رخ ہو گا۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا میا کیا ہا ساتا ہے۔

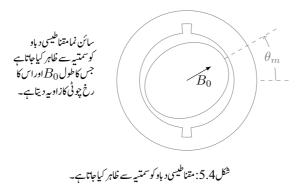
(5.4) 
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقاطیس اور اس کا سائن نما مقاطیسی دباو پیش کیا گیا ہے۔ جیسا شکل 5.4 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مقاطیسی دباوکو عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقاطیسی دباوکا حیطہ اور سمتیہ کا رخ مقاطیس کے شال کو ظاہر کرتا ہے۔ 5.2. معاصر مشين









شکل 5.5: چار قطب یک دوری معاصر جنریٹر۔

شکل 5.3 میں مقناطیس کو لمحہ  $t_1$ ، زاویہ  $\theta_m(t_1)$  پر دکھایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو  $\theta_m(t_1)$  مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار  $\omega_0$  سے گھوم رہا ہو تب ساکن کچھے میں اس لمحہ پر برقی دباو e(t) پیدا ہو گا:

$$(5.6) e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

آوھے چکر،  $\pi$  ریڈیئن گھومنے کے، بعد مقناطیسی قطبین آپس میں جگہیں تبدیل کرتے ہیں، کچھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ الٹ ہو گا، کچھے میں ارتباط بہاو  $\theta$  اور اس میں امالی برقی دباو e(t) ہو گا۔ایک مکمل چکر بعد مقناطیس دوبارہ اس میں امالی برقی دباو e(t) ہو گا۔ور اس میں امالی برقی دباو e(t) میں دکھایا گیا ہے، ساکن کچھے کا ارتباط بہاو دوبارہ  $\theta$  اور اس میں امالی برقی دباو کے موگا۔ یوں جب بھی مقناطیس  $\theta$   $\theta$   $\theta$  میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں  $\theta$  میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی زاویہ  $\theta$  ایک دوسرے کے برابر تبدیلی رونما ہو گی لہذا دو قطب، ایک کچھے کی مثنین میں میکانی زاویہ  $\theta$  اور برقی زاویہ  $\theta$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گ

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین میں میکانی زاویہ  $\theta_m$  اور برقی زاویہ  $\theta_e$  وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپس میں ایک تناسب رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 0 کہتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

frequency<sup>11</sup>

Hertz<sup>12</sup>

synchronous machine<sup>13</sup>

5.2 معاصر مشين

شکل 5.5 میں چار قطب، یک دوری معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مشینوں میں عموماً مقناطیس جبکہ بڑے مشینوں میں برقی مقناطیس  $^{14}$  استعال ہوتے ہیں۔ اس شکل میں برقی مقناطیس استعال کیے گئے ہیں۔ دو سے زائد قطبین والے مشینوں میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس حوالہ قطب کو  $\theta_m$  پر دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب کو  $\theta_m$  زاویہ پر ہے۔

حییا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں مقناطیس کے چار قطبین ہیں۔ ہر ایک ثالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مقناطیسی قطبین کے جوڑوں کی تعداد اور ساکن کچھوں کی تعداد ایک دوسرے قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مثنا سے قطبین قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر کے برابر ہوتی ہے۔ شکل 5.5 میں مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر دو ساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو واشح کیا گیا ہے اور دوسرے کو ہے ہے۔ کچھے کو قالب میں موجود دوشگان اور  $a_1$  میں رکھا گیا ہے۔ ان وونوں کچھوں دوشگان اور  $a_2$  میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں میں یکسال برقی دباو پیدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھوں کو سلسلہ وار 15 جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیڑ سے حاصل برقی دباو ایک کچھے میں پیدا برقی دباو کا دگنا ہو گا۔ یک دوری آلات میں قالب کو مقناطیس کے قطبین کی تعداد کے برابر حصوں میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا نوے مکانی زاویہ کے اطاطے کو گھیرتا ہے۔

ساکن اور حرکی کیجھوں کی کار کردگی ایک دوسرے سے مختلف ہوتی ہے۔اس کی وضاحت کرتے ہیں۔

جیسا پہلے بھی ذکر کیا گیا جھوٹی گھومتی مشینوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں برقی مقناطیس میدان فراہم کرتا ہے۔ اگرچہ اب تک کی اشکال میں مقناطیس کو گھومتا حصہ دکھایا گیا ہے، حقیقت میں مقناطیس کسی مشین میں گھومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔میدان فراہم کرنے والے اس کچھ کو میدانی لچھا <sup>16</sup> کہتے ہیں۔ اس کے جند فی صد برابر برقی طاقت سے برقی طاقت کے برعکس مشین میں موجود دو سری نوعیت کے لچھے کو قومی لچھا <sup>77</sup> کہتے ہیں۔ برقی جزیئر کے قوی لچھے سے برقی طاقت کے مادہ تمام برقی طاقت کے مادہ تمام برقی طاقت کے ضاع کے علاوہ تمام برقی طاقت وی کھے کو فراہم کی جاتی ہے۔

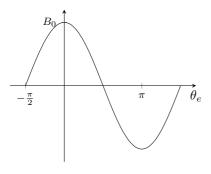
شکل 5.6 میں گھومتے اور ساکن حصہ کے ﷺ خلائی درز میں شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر نکل کر قالب میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں

electromagnet<sup>14</sup>

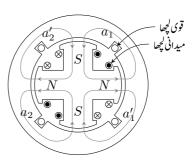
series connected  $^{15}$ 

field coil<sup>16</sup>

armature coil<sup>17</sup>







شكل 6.5: چار قطب، دولچھے مثین میں مقناطیسی بہاو۔

اس مقناطیسی بہاو کی کثافت کو دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کا ٹیس تو مقناطیسی بہاو کا رخ دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گا۔ ان مشینوں میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس پر آگے غور کیا جائے گا۔ اگر تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہے تب خلائی درز میں B کی مطلق قیمت شکل 5.7 کی طرح ہو گی جہاں  $\theta$  برقی زاویہ ہے۔

P قطبی مقناطیس کے معاصر مثین کے لئے لکھ درج ذیل ہو گا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

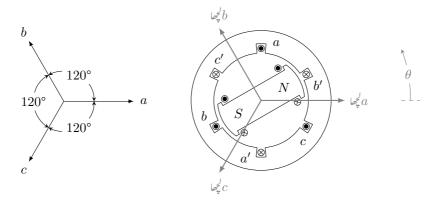
یہاں برقی اور میکانی تعدد کا تناسب 2 ہے۔

مثال 5.1: پاکستان میں گھریلو اور صنعتی صارفین کو  $_{\rm Hz}$  کی برتی طاقت فراہم کی جاتی ہے۔یوں ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگر برقی طاقت دو قطبی جزیٹر سے حاصل کی جائے تب جزیٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟۔
  - اگر جزیٹر کے بیں قطب ہوں تب جزیٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟

حل:

.5. معاصر مثين 5. 5. معاصر مثين



شکل 5.8: دو قطب، تین دوری معاصر مثین ـ

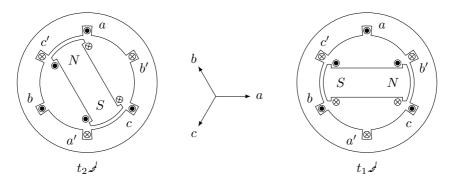
- مساوات 5.8 تحت وو قطبی، P=2، جنریٹر کا میکانی رفتار 50=6 تحت وو قطبی، P=9، جنریٹر کا میکانی رفتار 5.8 تحت وی سیکنڈ لیمنی 18 ہو گا۔
- بیں قطبی، P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار  $f_m=rac{2}{20}(50)=5$  چکر فی سینٹر لیعنی P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار P=20

اب میہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیر است رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر تیز رفتار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیر زیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر عموماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔

a شکل 5.8 میں دو قطب تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھا a جو قالب میں شکاف a اور a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تب یہ بالکل شکل a میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

لچھے کا رخ درج ذیل طریقہ سے تعین کیا جاتا ہے۔

rpm, rounds per minute<sup>18</sup>



شكل 5.9: دوقطب تين دوري مشين ـ

• دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شکافوں میں برتی رو کے رخ لیکٹیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کا رخ دے گا

شکل 5.8 میں کچھا a کا برتی رو شگاف a میں، کتاب کے صفحہ کو عمودی، باہر رخ جبکہ a' میں اس کے مخالف اندر رخ تصور کرتے ہوئے کچھا a کا رخ تیر دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس رخ کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ یوں کچھا a صفر زاویہ پر لپیٹا گیا ہے، لیعنی a a ہے۔ باقی کچھوں کے زاویات کچھا a کے رخ سے، گھڑی کے مخالف رُخ نابے جاتے ہیں۔

شکل 5.8 میں کچھا b کو شگاف b اور b' میں رکھا گیا ہے اور کچھا c کو شگاف c اور c' میں رکھا گیا ہے۔ مزید کچھا d کو d و شگاف d کو d و d و شگاف d و d و ثرگاف d و شگاف و شگاف d و شگاف و

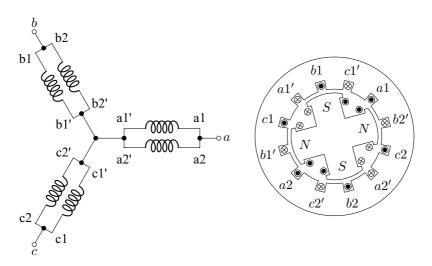
شکل 5.9 میں اگر لمحہ  $t_1$  پر لچھا a کا ارتباط بہاو ( $t_1$ ) ہو تب لمحہ  $t_2$  بر، جب مقناطیس °120 زاویہ طے کر لے، لچھا d کا ارتباط بہاو ( $t_1$ ) ہو گا۔ لمحہ  $t_2$  بر مقناطیس اور لچھا d ایک دوسرے کے لحاظ سے بالکل ای طرح نظر آتے ہیں جیسے  $t_1$  پر مقناطیس اور لچھا a ایک دوسرے کے لحاظ سے نظر آتے تھے۔ یوں لمحہ  $t_2$  پر لچھا کا ارتباط بہاو تھا:

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

اسی طرح کھے  $t_3$  پر، جب مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کر لے، کچھا c کا ارتباط بہاو ( $\lambda_c(t_3)$  ہو گا جو  $\lambda_c(t_1)$  کے برابر ہو گا۔یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

.5. معاصر مثين 5. 5.



شكل5.10: چار قطب، تين دوري معاصر مشين ـ

ان کمحات پر کچھوں کے امالی برقی دباو

(5.11) 
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

(5.12) 
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.13) e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔ مساوات 5.10 کی روشنی میں درج ذیل ہو گا۔

(5.14) 
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف کچھا a پایا جاتا تب یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اگر ایسی صورت میں مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تب، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھا a میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوتا۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دوسرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں ہے۔ یوں اگر شکل 5.9 میں مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تب تینوں ساکن کچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوگا البتہ مساوات 5.14 کے تت بیر برقی دباو تبیدا ہوگا البتہ مساوات 5.14 کے تت بیر برقی دباو آپس میں میں میں سائن میں جوں گے۔

شکل 5.10 میں چار قطب ، تین دوری معاصر مثین دکھایا گیا ہے۔ گھومتے تھے پر شالی اور جنوبی قطبین باری باری باری بائے جاتے ہیں اور °180 میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی پائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی پائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ کے مارہ ہوگا۔ شکل 5.8 میں ساکن حصہ کے °360 برقی زاویہ کے اعاطہ میں تین دوری کچھوں نسب ہیں جن کی اطراف کی ترتیب، گھڑی کے مخالف رخ چلتے ہوئے، ہم، ناہ دوری کچھوں کے اطراف دو قطبین کے اعاطہ ، °100 میکانی زاویہ (یا °360 برتی زاویہ)، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف کی ترتیب ہوئے، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف کی ترتیب ہوئے۔ کئی ترقیب کے دو قطبین کے اعاطے میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو 23، '22، '22، '22 نظر آئیں گے۔ کئی بھی کھہ 11 اور 22 کچھوں میں بالکل کیسال برتی دباو پیدا ہو گا۔ تین دوری دو کیسال کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دوری برتی دباو عاصل کا جاتا ہے۔ شکل 5.10 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے جہاں مے کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دوری کیا گیا ہے۔

# 5.3 محرك برتى دباو

قانون لورینز 19 کے تحت مقناطیسی میدان  $m{B}$  میں سمتی رفتار  $m{v}$  سے حرکت پذیر برقی بار  $q^{20}$  درج ذیل قوت  $m{F}$  محسوس کرے گا۔

$$(5.15) F = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی میدان کے لحاظ سے برقی بار کی سمتی رفتار ہے للذا F کو ساکن مقاطیسی میدان میں برقی بار کی سمتی رفتار تصور کیا جاتا ہے۔ میں برقی بار کی سمتی رفتار تصور کیا جاتا ہے۔

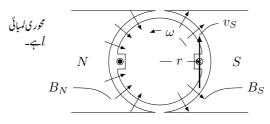
مقناطیسی میدان میں ابتدائی نقطہ سے اختتامی نقطہ تک، جن کے ﷺ ہٹاو l ہے، برتی بار q نتقل کرنے کے لئے درکار کام W ہو گا:

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے پیج برقی دباو<sup>21</sup> کہتے ہیں جس کی اکائی وولئے۔ V<sup>22</sup> ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے پیچ درج ذیل برتی دباو ہو گا۔

(5.17) 
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

5.3. محسر ك\_بر قي دباو



شكل 5.11: ابك چيكر كالجھامقناطيسي ميدان ميں گھوم رہاہے۔

حرکت کی مدد سے یوں حاصل برتی دباو کو محرکے برتی دباو<sup>23</sup> کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برتی دباو کو محرک برتی دباو کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برتی سیل وغیرہ کا برتی دباو بھی محرک برتی دباو کہلائے گا۔

شکل 5.11 میں گھڑی کے مخالف رخ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا کچھا نسب ہے۔بائیں خلاء میں کچھا کی تارکے قطع پر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت بایاں قطع میں موجود مثبت برتی بار پر صفحہ کے عمودی باہر رخ قوت پیدا ہو گی۔مساوات 5.17 کے تحت اس قطع کا بالائی سرا مثبت اور نجلا سرا منفی برتی دباو پر ہو گا۔

ہم گھومتے حصہ کی محور پر نگی محدد قائم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سامنے خلاء میں B رداسی رخ جبکہ شالی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کے مخالف رخ ہو گا۔ جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار B کے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} = \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ extsf{T}} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} \end{aligned}$$

یوں جنوبی قطب کے سامنے تار کے قطع میں درج ذیل محرک برقی دباو پیدا ہو گا۔

(5.19) 
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

Lorentz law<sup>19</sup> charge<sup>20</sup>

potential difference, voltage<sup>21</sup>

volt<sup>22</sup>

electromotive force,  $\mathrm{emf}^{23}$ 

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کا رخ  $a_z$  لیا گیا۔اس مساوات میں برقی دباو منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سراتار پر  $-a_z$  رخ ہے لیمن تارکا نجلا سرا مثبت اور بالائی سرا منفی ہے۔ اگر اس تار میں روگزر سکے تو اس روکا رخ  $-a_z$  لیمن صفحہ کو عمودی اندر رخ ہوگا جے شکل 5.11 میں شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ای طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.20) 
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

یوں اس قطع میں درج ذیل دباو ہو گا۔

(5.21) 
$$e_{N} = (\boldsymbol{v}_{N} \times \boldsymbol{B}_{N}) \cdot \boldsymbol{l}_{N} \\ = -\omega r B l(\boldsymbol{a}_{\theta} \times \boldsymbol{a}_{r}) \cdot \boldsymbol{a}_{z} \\ = -\omega r B l(-\boldsymbol{a}_{z}) \cdot \boldsymbol{a}_{z} \\ = \omega r B l$$

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تارکی لمبائی کا رخ  $a_z$  لیا گیا ہے۔اس مساوات میں برتی دباو مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برتی تارکا مثبت سراتار پر  $a_z$  رخ ہو گا لیمن تارکا بالائی سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہو گا۔اگر اس تار میں رو گزر سکے تو اس کا رخ  $a_z$  لیمن صفحہ کو عمودی باہر رخ ہو گا جے شکل 5.11 میں شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دونوں تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان تاروں کے نچلے سر ایک دوسرے کے ساتھ سلسلہ وار جڑے ہیں جس کو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس کچھے کے بالائی، نظر آنے والے، سروں پر کل برقی دباو e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباو کا مجموعہ ہو گا:

(5.22) 
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔اگر ایک چکر سے اتنا برقی دباو حاصل ہو تب N چکر کے کچھے سے درج ذیل دباو حاصل ہو گا جہاں  $\phi=AB$  مقناطیسی بہاو ہے۔

(5.23) 
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

گومتی مشینوں کی خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ ایک دوسرے کے عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 کت مستقل زاویائی رفتار اور محوری لمبائی کی صورت میں پیدا کردہ برقی دباو ہر لمحہ B کا براہ راست متناسب ہو گا۔ خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت میں گھومتے کچھے میں پیدا برقی دباو بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ یوں جس شکل کا برقی دباو درکار ہو اسی شکل کی کثافت مقناطیسی دباو خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔ سائن نما برقی دباو پیدا کرنے کے لئے خلائی درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو درکار ہو گی۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گی۔

# 5.4 کھیے اور سائن نمامقناطیسی دباو

ہم نے اب تک جتنے مشین دیکھے ان سب میں گیھ <sup>24</sup> کچھ دکھائے گئے۔ مزید ان مشینوں میں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے ابھرے قطب <sup>25</sup> تھے۔ عموماً حقیقی مشینوں کے ہموار قطب <sup>26</sup> اور پھیلے کچھ <sup>27</sup> ہوتے ہیں جن کی بنا ساکن اور گھومتے حصوں کے بچ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کرنا ممکن ہوتا ہے۔

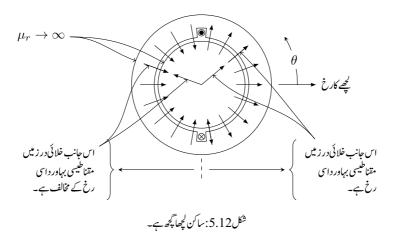
شکل 5.12 میں ایک گیجھ کچھا دکھایا گیا ہے جہاں مثین کے گھومتے جھے کا عمودی تراش گول صورت کا ہے۔ متحرک اور ساکن قالب کا  $\infty + \mu_r \to \infty$  کا مقناطیسی دباو  $\pi$  کہ متعاطیسی بہاو  $\pi$  بیدا کرتا ہو کہ بیدا کرتا ہو ہلکی سیابی کی لکیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرتا ہوا کچھے کے گرد ایک چکر کا شاہدا درج ذیل ہو گا۔

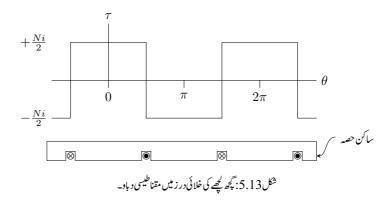
یوں ساکن کچھے کے مقناطیسی دباو کا آدھا حصہ ایک خلائی درز اور آدھا حصہ دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید آدھے خلائی درز میں مقناطیسی دباو ( اور مقناطیسی بہاو ) رداسی رخ اور باقی خلائی درز میں رداس کے

non-distributed coils<sup>24</sup>

salient poles<sup>25</sup>

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \text{non-salient poles}^{26} \\ \text{distributed winding}^{27} \end{array}$ 





 $-\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$  (اور مقاطیسی دباو ( اور مقاطیسی بہاو ( اور مقاطیسی دباو ) رداس کے در میان رداسی رخ ہے لہذا اسے مثبت تصور کیا جائے گا جبکہ باقی حصہ پر مقاطیسی دباو ( اور مقاطیسی بہاو ) رداس کے در میان ردا ہی رخ ہے لہذا اسے منفی تصور کیا جائے گا۔ شکل 5.13 میں خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ وقفہ  $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{\pi}{2}$  خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کے آدھا ہو اور اس کا رخ مثبت ہے جبکہ وقفہ  $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{3\pi}{2}$  کے خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کچھے کے مقاطیسی دباو کا آدھا اور منفی رخ ہے حوالہ سے نعین کیا جاتا ہے۔

### 5.4.1 بدلتار ووالے مشین

برلتارو (اے سی) مشین بناتے وقت کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہو۔سائن نما مقناطیسی دباو دباو کے حصول کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتا ہے، اس بات کی یہال وضاحت کی جائے گی۔

فوریئر تسلسل 28 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل  $f( heta_p)^{-29}$  کو درج ذیل صورت میں لکھ سکتے ہیں۔

(5.25) 
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

تفاعل کا دوری عرصہ  $T^{30}$  ہونے کی صورت میں فوریئر تسلسل کے عددی سر درج ذیل ہوں گے۔

(5.26) 
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

مثال 5.2: شکل 5.13 میں دیے گئے مقناطیسی دباو کا

Fourier series<sup>28</sup> function<sup>29</sup> time period<sup>30</sup>

- فوريئر تسلسل حاصل كرين،
- تيسري موسيقائي جزو<sup>31</sup> اور بنيادي جزو<sup>32</sup> كا تناسب معلوم كرين-

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

اور درج ذیل حاصل ہوں گے۔

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$$

$$a_2 = a_4 = a_6 = 0$$

third harmonic component<sup>31</sup> fundamental component<sup>32</sup>

اسی طرح درج ذیل ہو گا۔

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

## • ان نتائج کا یکجا کرتے ہیں:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

يوں تيسرا موسيقائي جزو بنيادي جزو کا تيسرا حصه ليعني 33.33 في صديهو گا۔

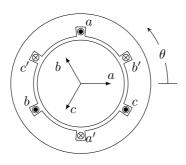
مثال 5.2 میں حاصل کردہ  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباو $\tau$  کا فوریئر تسلسل کھتے ہیں۔

(5.27) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

(5.28) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

 $au_0$  درج ذیل ہے۔  $au_0$  درج ذیل ہے۔

(5.29) 
$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$



شكل 5.14: تين دور لچھے۔

خلائی درج میں  $\tau$  ، H اور H ایک دوسرے کے برائے راست متناسب ہوتے ہیں۔ یوں مساوات 5.28 کے تحت شکل 5.12 کا کچھے اور شکل 5.2 میں صفر زاویہ پر سلاخ نما مقناطیس کیساں  $\tau$  (اور H) دیں گ۔ اس طرح اگر شکل 5.12 کا کچھا زاویہ H پر ہوتا تب ہمیں شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کے نتائج حاصل ہوتے۔

شکل 5.14 میں تین کچھے آپس میں °120 زاویہ پر دکھائے گئے ہیں۔ ہم مساوات 5.64 کی طرح اس شکل میں کچھا a کے لئے درج ذیل کھ سکتے ہیں۔

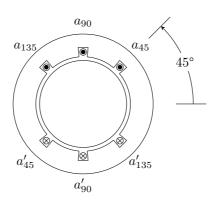
(5.30) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اسی طرح کیجھا b اور c جو بالترتیب  $heta_{m_b}=120^\circ$  اور  $heta_{m_b}=240^\circ$  اور جو بالترتیب  $heta_{m_b}=120^\circ$ 

(5.31) 
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ} \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ}) \end{aligned}$$

(5.32) 
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^{\circ} \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^{\circ}) = \tau_0 \cos(\theta + 120^{\circ}) \end{aligned}$$

ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہر گز نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض نظر کا دھوکا ہے۔ اس مقناطیسی دباو کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باتی تمام ارکان کو صفر کر سکیں تب ہمیں سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو گا۔



شكل 5.15: كيسيلا لجهابه

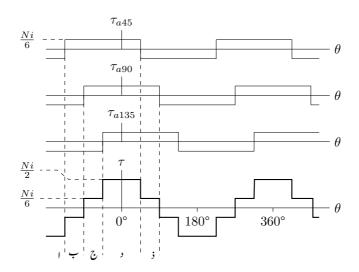
شکل 5.12 کے N چکر کچھے کو تین چھوٹے کیساں کچھوں میں تقسیم کرتے ہوئے شکل 5.15 حاصل کیا گیا ہے جہاں ہر چھوٹا کچھا کچھا کہ چکر کا ہے۔ ایسے چھوٹے کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا  $^{33}$  جاتا ہے لہذا ان میں ایک جیسا برتی روز  $^{3}$  گزرے گا۔ ان تین کچھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے کچھے کو شگاف  $^{3}$  و شگاف  $^{3}$  میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شگاف  $^{3}$  و میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شگاف  $^{3}$  و میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑا کو ایک ہی طرح کے نام دیے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا  $a_{45}$  اور  $a_{45}$  ہے۔ شگاف کا نام شگاف کے زاویہ کے لحاظ سے رکھا گیا ہے۔ یوں شگاف  $a_{45}$  در حقیقت  $a_{50}$  زاویہ پر ہے، شگاف  $a_{90}$  نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف  $a_{135}$  ایک سو پینیس درجہ زاویہ پر ہے۔ اس طرح  $a_{45}$  شگاف  $a_{45}$  کا جوڑا ہے۔

متمام کچھے کا جیل اور تمام کچھوں میں برقی روi ایک دوسرے جیبا ہے۔ شکل 5.15 کے تھیلے کچھے کا مقاطیسی دباو بالمقابل زاویہ کا ترسیم شکل 5.16 میں موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ سب سے اوپر لچھا کہ مقاطیسی دباو کی ترسیم ہو شکل 5.13 کی ترسیم کی طرح لیکن صفر زاویہ سے -45 ہٹ کر ہے۔ دوسری ترسیم لچھا  $a_{90}$  کی ہے جو ہو بہو شکل 5.13 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا  $a_{135}$  کی ہے جو صفر زاویہ سے +45 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا موری ہے ہو صفر زاویہ سے +45 ہٹ کر ہے۔ ان تینوں ترسیمات کا انفرادی طول -100 ہے۔

ترسیمات  $au_{a45}$  ، اور  $au_{a135}$  ی سے کل مقناطیسی دباو کی ترسیم  $au_{a45}$  ، حاصل کرنا سیکھتے ہیں۔ شکل  $au_{a45}$  میں عمود کی نقطہ دار کلیریں لگائی گئی ہیں۔ سب سے بائیں کہلی کلیر کی بائیں طرف خطہ کو "ا" کہا گیا ہے۔اس

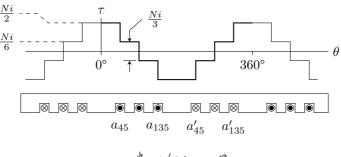
series connected  $^{33}$ 



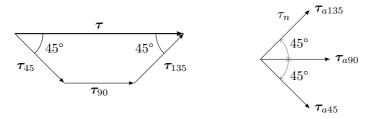
شكل5.16: يھيلے لچھے كاكل مقناطيسى د باو۔

خطه میں ترسیمات  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، اور  $\tau_{a135}$  کی انفرادی قیمتیں  $\tau_{a45}$  ہیں لہذا ان کا مجموعہ  $\tau_{a45}$  ،  $\tau_{a45}$  ، وگلہ یا ان میں کل مقناطیسی دباو  $\tau_{a45}$  کی ترسیم کی قیمت  $\tau_{a45}$  ہو گل۔ اس طرح خطہ "ب" میں کل مقناطیسی دباو  $\tau_{a45}$  اور  $\tau_{a45}$  ہو کہ جو کم مقناطیسی دباو ہو گا۔ خطہ "ج" میں بالائی تینوں ترسیمات کی قیمتیں بالترتیب  $\tau_{a45}$  ہور ہوگا۔ اس طرح آپ پوری ترسیم کھنچ سکتے ہیں۔

 $^{\circ}$  گل 5.16 کی  $_{ au}$  کو شکل 5.17 میں دوبارہ پیش گیا ہے۔ شکل 5.17 کھیلے کچھے اور شکل 5.13 گھھ کچھے



شكل 5.17: تھيلے لچھے كامقناطيسى دباو۔



شكل 5.18: يھيلے لچھے كاجزو پھيلاو۔

کے دباو کی ترسیمات ہیں۔ شکل 5.13 کے لحاظ سے شکل 5.17 کی صورت سائن نما کے زیادہ قریب ہے۔ فوریئر سلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔ شگافوں کے مقامات اور ان میں کچھوں کے چکر یول رکھے جا سکتے ہیں کہ ان کے پیدا کردہ مقناطیسی دباوکی ترسیم کی صورت سائن نماکی زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

کے مختلف ہے ایک ہی زاویہ پر مقناطیسی دباو نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباو کا حیطہ استے ہی چکر کے) ایک گچھ کچھ کے حیطہ سے کم ہوتا ہے۔ مساوات 5.29 میں اس اثر کو شامل کرنے کے لئے جزو  $k_w$  متعارف کیا جاتا ہے

(5.33) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$-\xi \sqrt{2} \sin^2 \theta = \frac{1}{2} \sin^2 \theta + \frac{1}{2} \sin^2 \theta = \frac{1}{2} \sin^2 \theta + \frac{1}{2} \sin^2 \theta = \frac{1}{2} \sin^2 \theta$$

مثال 5.3: شکل 5.15 کے کھیے کچھے کا  $k_w$  تلاش کریں۔

 $au_n = rac{4}{\pi} rac{ni}{\pi}$  على: شکل 5.18 سے رجوع کریں۔ شکل 5.15 کے تین حجود ٹے کچھے ایک جیسا مقناطیسی دباو  $\frac{1}{\pi} = \frac{ni}{\pi}$  بیدا کرتے ہیں البتہ ان کے رخ مختلف ہیں۔ یہاں ایک کچھا  $\frac{N}{3}$  جگر کا ہے لہذا  $\frac{N}{3}$  ہو گا۔ ہم تینوں مقناطیسی دباو au معلوم کرتے ہیں۔ کے دوری سمتیات کا مجموعہ لے کر مقناطیسی دباو au معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

winding  $factor^{34}$ 

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

 $k_w = 0.8047$  للذا

مثال 5.4: تین دوری، 50 ہرٹز، سارہ جڑے جزیٹر کو 3000 چکر ٹی منٹ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔ تیس چکر کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.83 ہے۔ مشین کا کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.83 ہے۔ مشین کا رداس 0.7495 میٹر اور لمبائی 2.828 ء میٹر ہے۔ خلائی درز کی لمبائی  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔ میدانی کچھے میں  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔ میدانی کچھے میں  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔ میدانی کھے میں  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔ میدانی کھے میں  $l_k=0.04$  میٹر ہرتی روکی صورت میں درج ذیل تلاش کریں۔

- میدانی مقناطیسی دباو کی زیادہ سے زیادہ قیمت۔
  - خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو۔
    - ایک قطب پر مقناطیسی بهاو۔
      - متحرك تارير برقى د باو\_

حل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\mathrm{A}\cdot\mathrm{turns/m}$$
 •

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

$$\phi_0 = 2B_0 lr = 2\times 0.54\times 2.828\times 0.7495 = 2.289\,15\,\mathrm{Wb}~\bullet$$

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

یوں ستارہ جڑی جزیٹر کی تار کا برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \,\text{V}$ 

ہم سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کرنا چاہتے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ مقصد پورا ہو۔ شکل 5.17 میں صفر زاویہ کے دونوں اطراف مقناطیسی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹتی یا بڑھتی ہے۔ مثلاً جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباو  $\frac{N_i}{3}$  گھٹتا ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مزید  $\frac{N_i}{3}$  گھٹتا ہے، وغیرہ وغیرہ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات کا فیصلہ فور بیئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فور بیئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھا جاتا ہے۔

ساکن کچھوں کی طرح متحرک کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو۔

# 5.5 مقناطيسي د باو کي گھومتي امواج

گھومتے مشین کے لیجھوں کو برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دورکی لیٹی مشین

مساوات 5.33 مين ايك لحيه كا مقناطيسي دباو

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیا گیا ہے جو سائن نما برقی رو

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صورت میں

(5.37) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقناطیسی رباو دے گا جہاں  $au_0$  درج ذیل ہے اور کچھا کے برقی رو کو  $au_a$  کہا گیا ہے۔

(5.38) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

مساوات 5.37 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو زاویہ <math> heta اور کھہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ مساوات 5.37 کو کلیہ

(5.39) 
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

کی مدد سے دو ٹکڑوں

(5.40) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

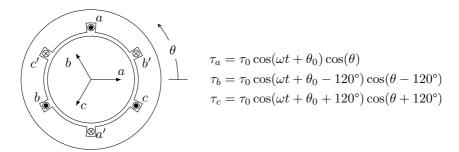
میں تقسیم کیا جا سکتا ہے جہاں  $au_a^+$  اور  $au_a^+$  درج ذیل ہوں گے۔

(5.41) 
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

مساوات 5.40 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو دو آپس میں مخالف رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موجوں کا مجموعہ ہے۔ اس کا یہلا جزو  $\tau_a^+$  زاویہ  $\theta$  گھٹے کے رخ، لینی گھڑی کے رخ، گھومتا ہے جبکہ اس کا دوسرا جزو  $\tau_a^+$  گھڑی کے مخالف رخ، زاویہ بڑھنے کے رخ، گھومتا ہے۔

ایک دور کی لیٹی مثینوں میں گھومتے مقناطیسی دباو کی امواج میں سے کسی ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی جاتی ہے۔ اس طرح ایک ہی رخ مقناطیس کی مانند ہوگا۔ تین دوری مثینوں میں ایسا کر نا نہایت آسان ہوتا ہے للذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔



شكل 5.19: تين دوركي لپڻي مشين ـ

### 5.5.2 تين دور كي لپڻي مشين كاتحليلي تجزيه

شکل 5.19 میں تین دور کی کیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں  $k_x$  فور میر تسلسل کے بنیادی اجزاء دیے گئے ہیں جن میں جزو پھیلاو  $k_x$  شامل کر کے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

(5.43) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

ان لچھوں میں بالترتیب تین دوری برقی رو

(5.44) 
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

لینے سے مساوات 5.43 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

(5.45) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات 5.39 کی استعمال سے

(5.46) 
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

 $au_0$  کھے جا سکتے ہیں جہاں  $au_0$  درج ذیل ہے۔

(5.47) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقناطیسی دباو 7 ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^\circ) + \cos(\gamma + 240^\circ) = 0$$

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

میں 
$$\alpha = \gamma$$
 اور  $\alpha = 240^{\circ}$  کے کر

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

حاصل کرتے ہیں جن میں جن میں حاصل مو گا۔  $\cos 240^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2}$  ماصل کرتے ہیں جن میں جن میں اور  $\cos 240^\circ = -\frac{1}{2}$ 

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

$$\cos \gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے کئے اس مساوات کو ورج ذیل کھھا جا سکتا ہے۔  $\gamma=\theta+\omega t+\alpha$ 

$$(5.48) \quad \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$$

اب مساوات 5.46 میں دیے  $au_b$  ،  $au_c$  اور جمع کر کے مساوات 5.48 کا استعال کرتے ہوئے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.49) 
$$\tau^{+} = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.49 کہتی ہے کہ کل مقناطیسی دباو کا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا  $\frac{8}{2}$  گنا ہو گا۔ مزید مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کے مخالف رخ گھوے گی۔ یول تین کچھوں کو °120 زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دوری برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے بیجان کرنے سے مقناطیسی دباو کی واحد ایک موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ کسی دو برقی رو کو آپس میں تبدیل کرنے سے مقناطیسی موج کا رخ تبدیل ہوتا ہے۔

مساوات 5.49 ایک گھو متے موج کو ظاہر کرتی ہے جس میں ہم برتی رو کا تعدد 5.49 اور اپنی آسانی کے لئے 0.49 مساوات 5.49 ایک آسانی کے لئے میں موج کی چوٹی کا تعین تفاعل 0.49 تعین تفاعل 0.49 کو صفر لیتے ہیں۔ یوں اس موج کی چوٹی کا تعین تفاعل 0.49 تعین تفاعل 0.49 کے خوالی کا کی ہے جو 0.49 کے بیلی جاتی ہے۔

ابتدائی کھے t=0 پر وہ t=0 کی چوٹی  $\cos(\theta-\omega t)$  پر ہوگی جس کو t=0 کے لئے حمل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صفر برقی زاویہ پر ہو گی جسے شکل 5.20 میں نقطہ دار کئیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ہم کچھ وقفہ، مثلاً t=0.001

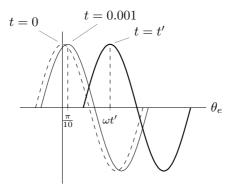
$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - 0.001\omega = 0$$

$$\theta = 0.001\omega$$

$$= 0.001 \times 2 \times \pi \times 50$$

$$= 0.3142 \,\text{rad}$$



شکل5.20: حرکت کرتی موج۔

اب یہ چوٹی 0.3142 یا  $\frac{\pi}{10}$  برتی ریڈیئن لیخی °18 برتی زاویہ پر ہے جے شکل 5.20 میں باریک ٹھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کے مخالف رخ، لیخی زاویہ بڑھنے کے رخ، گھوم گئ  $\theta - \omega t' = 0$  برچوٹی کا مقام t = 0 ہے۔ اس طرح لحمہ کی کیا مقام t = 0 ہوئی کا مقام t = 0 ہے درج ذیل حاصل ہو گا جے موٹی ٹھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

$$(5.50) \theta = \omega t'$$

مساوات 5.50 کہتی ہے کہ چوٹی کا مقام تعین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ بندر نج بڑھتا ہے۔اس مساوات 2 برقی زاویہ چکر کا دورانیہ T حاصل کرتے ہیں۔

$$(5.51) T = \frac{\theta}{\omega} = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

یاد رہے f برقی رو کی تعدد ہے۔ یوں 50 ہرٹز برقی رو کی صورت میں مقناطیسی دباو کی موج ہر  $\frac{1}{50}=0.02$  سینٹر میں ایک مکمل برقی چکر للذا ایک سینٹر میں 50 برقی چکر مکمل کرے گی۔

دو قطبی مشینول میں مساوات 5.7

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

ے تحت برقی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مشینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات 05.51 کے تحت ایک سینڈ میں مقناطیسی دباو کی موج f برقی یا میکانی چکر کمل کرے گی جہاں f

برقی روکی تعدد ہے۔ P قطبی مثینوں کے مقاطیسی دباوکی موج ایک سینٹہ میں f مقاطیسی چکر یعنی  $\frac{2}{P}$  میکانی شکر کمل کرے گی۔

برتی رو کی تعدد کو  $f_e$  ، مقناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برتی زاویہ کو  $\theta_e$  ، میکانی زاویہ کو  $\theta_m$  اور مقناطیسی دباو کی موج کی زاویائی رفتار کو  $\omega_e$  یا  $\omega_e$  سے ظاہر کرتے ہوئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\omega_m = \frac{2}{P}\omega_e \quad \text{rad/s}$$

$$f_m = \frac{2}{P}f_e \quad \text{Hz}$$

$$n = \frac{120f_e}{P} \quad \text{if } \dot{y}$$

مقناطیسی موج کی برتی معاصر زاویائی رفتار  $\omega_e$  برقی زاویه فی سینڈ اور میکائی معاصر زاویائی رفتار  $\omega_m$  میکائی زاویه فی سینڈ ہو گی۔ اس طرح موج کی برتی معاصر رفتار  $f_e$  برتی ہرٹز اور میکائی معاصر رفتار  $f_m$  میکائی ہرٹز ہوگی۔ برتی معاصر رفتار  $f_e$  میکائی ہرٹز ہوئے ہے موج دو قطب کا معاصر رفتار  $f_e$  برٹز ہونے کے مراد ہے کہ ایک سینڈ میں موج  $f_m$  ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ موج ایک سینڈ مین 0 میکائی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکائی چکر روز مرہ زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کی چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کی چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کی جگر کو کہ کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 5.53 معاصر رفتار کی مساوات ہے۔

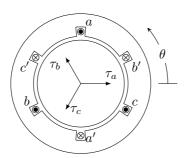
یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی لپٹی مثین جس کے لیچھ  $\frac{2\pi}{q}$  برتی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں برتی رو q دوری ہو میں، تین دوری مثین کی طرح، ایک ہی رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مزید، اس موج کا حیطہ کسی ایک لیچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا  $\frac{q}{2}$  گنا ہو گا اور اس کی زاویائی رفتار d و گردی برتی ریڈیئن فی سینڈ ہو گی۔ برتی ریڈیئن فی سینڈ ہو گی۔

## 5.5.3 تين دور کي لپڻي مشين کاتر سيمي تجربيه

شکل 5.21 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے جس میں مثبت برقی رو کے رخ دکھائے گئے ہیں۔ یوں a شکاف میں برقی رو کا رخ منعہ سے عمودی باہر کو ہے جسے نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس طرح a' شگاف میں برقی رو کا رخ منعہ سے عمودی باہر کو ہے جسے نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس طرح a'

\_

synchronous speed $^{35}$  rpm, rounds per minute $^{36}$ 



شكل 5.21: تين دوركي لپڻي مثين ميں مثبت برقى رواوران سے حاصل مقناطيسي دباوكے رخ۔

صفحہ میں عمودی اندر کو ہے اور جسے صلیب کے نثان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگاف a اور a میں مثبت برقی روکا متناطیسی دباو کا رخ ہے۔ لیچے میں برقی رو سے پیدا متناطیسی دباو کا رخ دائیں ہتھ کے قانون سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

a اب اگر کچھا a میں برتی رو منفی ہو تب برتی رو شبت رخ کے مخالف ہو گا، یعنی اب برتی رو کا رخ شگاف a میں صفحہ کے عمودی باہر ہو گا۔ یوں منفی برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو بھی لیس صفحہ کے عمودی اندر اور شگاف a میں صفحہ کے عمودی باہر ہو گا۔ آپ نے دیکھا کہ برتی رو منفی ہونے سے مقناطیسی دباو کا رخ الٹ ہو جاتا ہے۔ شکل کیس کچھوں کے برتی رو اور مقناطیسی دباو درج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل میں دیے گئے ہیں۔ a

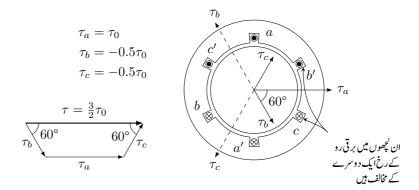
$$i_a = I_0 \cos \omega t$$
 
$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

(5.55) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

ہم مختلف کمحات پر ان کی قیمتوں تلاش کرتے ہیں اور ان کا مجموعی مقناطیسی دباو حاصل کرتے ہیں۔



شكل5.22: لمحه $t_0=0$ ير بر قى رواور مقناطيسى د باوـ

لحہ t=0 پر ان درج بالا مساوات سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

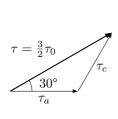
(5.56) 
$$\begin{aligned} i_a &= I_0 \cos 0 = I_0 \\ i_b &= I_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5I_0 \\ i_c &= I_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5I_0 \end{aligned}$$

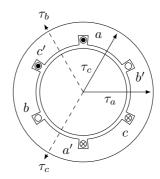
(5.57) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$

یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ t=0 پر ہٹبت جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  منفی ہیں۔ یوں  $i_a$  کا رخ وہی ہو گا جے شکل جباں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ  $t_a$  ور سلیب سے دکھایا گیا ہیں جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  کی رخ کے کے رخ کے فول میں نقطے اور صلیب سے دکھایا گیا ہیں جبکہ  $i_b$  اور تینوں مقناطیسی دباو شکل t=0 پر تینوں برقی رو کے درست رخ اور تینوں مقناطیسی دباو شکل t=0 میں دکھائے ہیں۔

کل مقناطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم (شکل 5.22)، مجموعہ سمتیات سے یا الجبرا کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا ہے۔

(5.58) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_{a} &= \tau_{0} \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_{b} &= 0.5 \tau_{0} \left[ \cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} - \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_{c} &= 0.5 \tau_{0} \left[ \cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \end{aligned}$$





 $t_1=30^\circ$  گىلى 5.23: لىمە $t_1=30^\circ$  كىمىناطىسى دېاوـ $t_1=30^\circ$ 

ان کا مجموعہ درج ذیل ہو گا۔

$$\tau = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3}{2}\tau_0 a_{\mathrm{X}}$$

لمحہ t=0 پر کل مقناطیسی دباو ایک کیجھے کے مقناطیسی دباو کا ڈیڑھ گنا اور صفر زاویہ پر ہے۔

5.54 اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ وقفہ بعد لمحہ  $t_1$  پر دوبارہ مقناطیسی دباو تلاش کرتے ہیں۔ مساوات 5.55 میں متغیر t کی بجائے t کا استعال زیادہ آسان ہے للذا ہم لمحہ  $t_1$  یوں متخب کرتے ہیں کہ  $\omega t$  ہوں میا گیا ہے۔  $\omega t$  عصل ہو گا جنہیں شکل 5.23 میں دکھایا گیا ہے۔

(5.60) 
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

(5.61) 
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$

$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

کل مقناطیسی د باو کا طول au اور زاویه تکون سے حاصل کرتے ہیں۔  $au = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a \tau_c \cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$  (5.62)

5.6. محسر كب بر قي دباو

تکون کے دو اطراف کی لمبائیاں ایک دوسرے کے برابر اور ان کے ﷺ زاویہ °60 ہے للذا مقناطیسی دباو کا زاویہ افقی کیبر سے °30 ہو گا۔

کل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاوبیہ پر تھا اب گھڑی کے مخالف رخ گھوم کر °30 زاوبیہ پر ہے۔ اسی طرح کھہ  $\omega t = \theta^\circ$  پر حل کرنے سے زاوبیہ  $\omega t = \theta^\circ$  پر کل مقناطیسی دباو  $\frac{3}{2} \tau_0$  حاصل ہو گا۔ عمومی کھے  $\omega t = 40^\circ$  ہو، زاوبیہ  $\omega t = 40^\circ$  پیدا کرتا ہے۔

## 5.6 محرك برقى دباو

یہاں محرک برقی دباو<sup>37</sup> کو ایک دوسرے نقطہ نظر سے پیش کرتے ہیں۔

### 5.6.1 بدلتاروبر قی جزیٹر

شکل 5.24 میں ایک بنیادی بدلتارو جنریر 38 دکھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتا ہے:

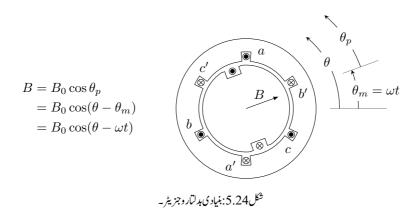
$$(5.63) B = B_0 \cos \theta_p$$

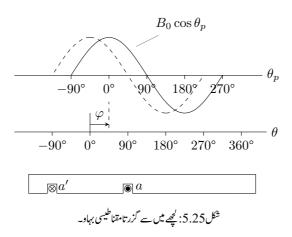
یہ مقناطیس  $\omega$  زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ابتدائی کچہ t=0 پر اس مقناطیس کو کچھا a کے رخ، یعنی ہلکی سیاہی کی افقی کیبر پر تصور کریں۔ یوں کچہ t پر یہ گھوم کر زاویہ  $\theta_m=\omega t$  پر ہو گا۔اس طرح درج بالا مساوات درج ذیل کھی جا سکتی ہے۔

(5.64) 
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.25 میں B کو زاویہ  $\theta$  اور  $\theta_p$  کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے اور ساتھ ہی لچھا a دکھایا گیا ہے۔ لمحہ t=0 جب گھومتے برتی مقناطیس کا محور اور لچھا a کا محور ایک رخ ہیں، نقطہ دار لکیر سے B دکھایا گیا ہے جبکہ عمومی لمحہ

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup>ابتداء میں حرکت سے پیدا برقی دباو کو محرک برقی دباو کہتے تھے۔اب دواتی طور پر کسی بھی طرح پیدا کر دوبر قی دباو کو محرک برقی دباو کہتے ہیں۔ ac generator <sup>38</sup>





5.6. محسر كب بر قي دباو

t پر B کو ٹھوس کیبر سے دکھایا گیا ہے۔ چونکہ B کی چوٹی ہر صورت  $\theta_p=0^\circ$  پر ہوگی لہذا ترسیم میں محور  $\theta_p$  پر دکھائے گئے زاویات  $0^\circ$  واللہ  $0^\circ$  عمومی لمحہ t کے لئے درست ہیں ناکہ t والے کے لئے۔ لمحہ t بر دکھائے گئے زاویات t والے t والے محور کہ جمومی لمحہ t بر برتی مقناطیس کے محور اور کچھے کے محور کے t ور اور کچھے کے محور کے t ور اور پہنے مخاص میں اور اور پہنے کے محور کے t ور اور پہنے کے مخاص میں کے اللہ مخصر ہوگا۔

$$(5.65) \theta = \omega t$$

کوہ t=0 پر کچھا a میں مقناطیسی بہاو زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ خلائی درز باریک ہونے کی بنا درز کا اندرونی اور بیرونی رداس تقریباً ایک دوسرے جیسا ہوں گے۔ برقی مقناطیس کے گھومنے کے محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ  $\rho$  اور برقی مقناطیس کی محوری لمبائی  $\rho$  ہونے کی صورت میں کچھے میں مقناطیسی بہاو وہی ہو گا جو خلائی درز میں  $\rho$  سے گزرتا بہاو تلاش کرتے ہیں۔  $\rho$ 

$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

آخری قدم پر  $\phi_a(0)$  کو  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔ یہی حساب لمحہ t پر درج ذیل ہو گا جہاں آخری قدم پر  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔

(5.67) 
$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0} l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \omega t$$

axial length<sup>39</sup>

اس بہاو کو درج ذیل طریقہ سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t))(l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t)\Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[\sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right)\right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ کمل زاویہ  $\theta$  کے ساتھ کیا گیا ہے۔ مساوات 0.66 کی مدد سے  $\phi_a(t)$  کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔  $\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$  (5.69)

مساوات 5.68 کی طرح d اور c کچھوں کے مقناطیسی بہاو کی مساواتیں بھی حاصل کی جا سکتی ہیں۔ شکل d گیروں نے مساوات زاویہ d معلوم کرنے کے لئے مساوات زاویہ d معلوم کرنے کے لئے مساوات بیاد کچھا d میں گزرتا ہے۔ اس لئے d معلوم کرنے کے لئے مساوات d معلوم کرنے کے حد d معلوم کرنے کے حد d معلوم کرنے کے حد d معلوم کے خوال کے مساوات d کے حد d

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right)$$

5.6. محسر ك\_بر قي دباو

اور

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right)$$

ا کے لیجھا کے N چکر تصور کرتے ہوئے تینوں کچھوں میں پیدا برقی دباہ معلوم کرتے ہیں۔ کچھوں میں ارتباط بہاہ درج ذمل ہو گا۔

(5.72) 
$$\lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0 \cos \omega t$$

$$\lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$\lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات میں  $\frac{2\pi}{3}$  ریڈیئن کو  $120^\circ$  کھھا گیا ہے۔ کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

(5.73) 
$$e_a(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = -\omega N\phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 90^\circ)$$

$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 30^\circ)$$

$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 210^\circ)$$

کھا جا سکتا ہے جو آپس میں °120 زاویہ پر تین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتی ہیں۔ ان سب کے حیطے  $E_0$  ایک دوسرے جتنے ہیں

$$(5.75) E_0 = \omega N \phi_0$$

للذا تينول برقى دباو كى موثر قيمت <sup>40</sup> درج ذيل هو گي۔

(5.76) 
$$E_{\dot{j}_{r}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

چونکہ  $\phi=BA$  ہوتا ہے لہذا مساوات 5.76 صفحہ 50 پر دی گئی مساوات  $\phi=BA$  کی طرح ہے۔

مساوات 5.74 سائن نما برقی دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ اگرچہ اسے یہ تصور کر کے حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباو کا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کس طرح وجود میں آیا اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو جزیئر کے ساکن حصہ میں پیدا ہوئی ہویا ساکن اور حرکت پذیر دونوں حصوں میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.76 ہمیں ایک گیھ کچھ میں پیدا برقی دباو دیتی ہے۔ اگر کچھا تقسیم شدہ ہو تب اس کے مختلف شگافوں میں موجود اس کچھ کے حصوں میں برقی دباو ہم قدم نہیں ہوں گے للذا ان سب کا مجموعی برقی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہو گا بلکہ اس سے کچھ کم ہو گا۔ یوں کھیلے کچھ کے لئے یہ مساوات درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(5.77) E_{\dot{\tau}} = 4.44k_w f N \phi_0$$

تین دوری برتی جزیٹر وں کے  $k_w$  کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات جمیں یک دوری برتی دباو دیتی ہے۔ تین دوری برتی جزیٹر وں میں ایسے تین کچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی سارہ یا  $\Delta$  یعنی میکونی جوڑا جاتا ہے۔

### 5.6.2 يك سمت روبر قي جزير

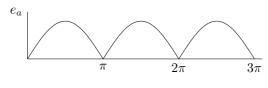
ہر گھومنے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتا رو جزیٹر ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمت برقی دباو<sup>41</sup> کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتا برقی دباو کو یک سمت برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمنے کار<sup>42</sup> یا جزیٹر کے اندر میکانی سمنے کار<sup>43</sup> نسب کر کے بدلتا دباو سے یک سمت دباو حاصل کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.73 جزیٹر کے اندر میکانی سمت برقی دباو میں تبدیل کرنے سے شکل 5.26 حاصل ہو گا۔

 $<sup>\</sup>rm rms^{40}$ 

DC voltage<sup>41</sup>

rectifier<sup>42</sup>

 $commutator^{43}$ 



شكل 5.26: يك دوري يك سمت برقى دباو ـ

مثال 5.5: شکل 5.26 میں یک سمت برقی دباو دکھایا گیا ہے۔اس یک سمت برقی دباو کی اوسط قیمت حاصل کریں۔

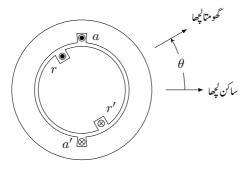
عل:

$$E_{\mathbf{L}} = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = \frac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمت جزیٹر پر باب 8 میں غور کیا جائے گا۔

## 5.7 مهوار قطب مشينول مين قوت مرورا

اس حصہ میں کامل مشین میں قوضے مرور <sup>44</sup> کے حصول کے دو تراکیب پر غور کیا جائے گا۔ ایک ترکیب میں مشین کو دو مقاطیس تصور کر کے ان مقاطیسوں کے بچ قوت کشش، قوت دفع اور قوت مروڑ حاصل کیے جائیں گے جبکہ دوسری ترکیب میں مشین کے ساکن اور گھومتے کچھوں کو امالہ تصور کر کے (باب چار کی طرح) توانائی اور ہم-توانائی سے ان کا حساب لگایا جائے گا۔ پہلے توانائی کی ترکیب پر غور کرتے ہیں۔



شكل 5.27: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

### 5.7.1 ميكاني قوت مرور بذريعه تركيب تواناكي

یہاں یک دوری مشین پر غور کیا جائے گا جس سے حاصل نتائج با آسانی زیادہ دور کی مشینوں پر لا گو کیے جا سکتے ہیں۔ شکل 5.27 میں یک دوری کامل مشین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس مشین کے دو کچھوں کے بچ کوئی زاویہ ہو گا جے  $\theta$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر مقام پر کیساں ہے للذا ابھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جاتا ہے۔ مزید قالب کا جزو مقاطیس مستقل لا متناہی  $(\infty \to \mu_r)$  تصور کیا گیا ہے للذا کچھوں کا امالہ صرف خلائی درز کے مقاطیسی مستقل 0 ہو گا۔

 $L_{ar}(\theta)$  اس طرح ساکن کچھے کا امالہ  $L_{aa}$  اور گھوے کچھے کا امالہ  $L_{rr}$  مستقل ہوں گے جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ ورسے لکھے نے اور یہ  $\theta$  پر منحصر ہو گا۔ جس لمحہ  $\theta$  و  $\theta$  یا  $\theta$  ہو اس لمحہ ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے لکھے سے بھی گزرتا ہے اور ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے  $L_{ar0}$  سے ظاہر کیا جائے گا۔ جس لمحہ 180° ہو اس لمحہ دوبارہ ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے لیکن اس بار اس کا رخ الٹ ہوتا ہو اس لمحہ دوبارہ ایک کو سالہ منفی ہو گا،  $-L_{ar0}$  جبکہ  $\theta$  ہو ہو گا۔ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو سائن نما

$$(5.78) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

تصور کرتے ہوئے ساکن اور گھومتے کیچھوں کے ارتباط بہاو درج ذیل ہوں گے۔

(5.79) 
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ar}(\theta)i_{r} = L_{aa}i_{a} + L_{ar0}\cos(\theta)i_{r}$$
$$\lambda_{r} = L_{ar}(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r} = L_{ar0}\cos(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r}$$

magnetic constant, permeability<sup>45</sup>

ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مزاحمت  $R_r$  لیتے ہوئے ان کچھوں کے سروں پر قانون کرخوف سے برقی دباو درج ذیل ہوں گے۔

$$(5.80) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں  $\theta$  برقی زاویہ ہے جس کی وقت کے ساتھ تبدیلی،  $\omega$  دے گی۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ ہم-توانائی حاصل کی جا سکتی ہے۔ ہم-توانائی صفحہ 125 پر مساوات 4.72 سے حاصل ہو گ۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے درج زیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(5.82) 
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

اس سے میکانی قوت مروڑ  $T_m$  حاصل کرتے ہیں۔

(5.83) 
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

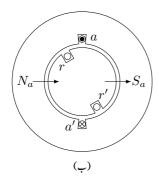
چونکہ P قطب مشینوں کے لئے درج ذیل ہوتا ہے

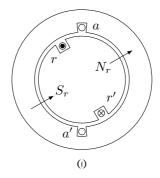
$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا جمين مساوات 5.83 سے درج ذيل حاصل ہو گا۔

$$(5.85) T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ  $T_m$  کی علامت منفی ہے۔ یوں جس لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کو ایک نی زاویہ مثبت ہو، اس لمحہ پر ان کچھوں کے نی قوت مروڑ منفی ہو گا۔ قوت مروڑ دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک رخ میں رکھنے کی کوشش کرتا ہے۔





شکل5.28: کیھوں کے قطبین۔

### 5.7.2 ميكاني قوت مروڙ بذريعه مقناطيسي بهاو

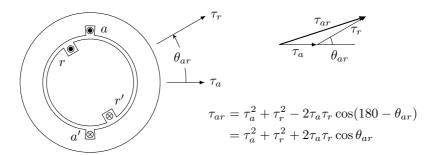
شکل 5.28-ا میں دو قطبی یک دوری مثین کے صرف گھومتے کچھے میں برقی رو پایا جاتا ہے۔ مثین کا گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین دکھائے گئے ہیں۔ اس کچھے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے لہذا تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔

شکل 5.28-ب میں صرف ساکن کچھے میں برتی رو پایا جاتا ہے۔ ساکن حصہ سے مقناطیسی بہاو خارج ہو کر خلائی درز سے ہوتا ہوا گھومتے حصہ میں داخل ہوتا ہے لہذا یہی اس کا شالی قطب ہو گا۔ یہاں ساکن حصہ ایک مقناطیس مانند ہے جس کا محور تیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اگرچہ شکل 5.28 میں گیجھ کچھے دکھائے گئے ہیں، در حقیقت دونوں کیجھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباو کی امواج کی چوٹیوں کو ظاہر کرتے ہیں۔

شکل 5.29 میں دونوں لیجھوں کو برتی رو فراہم کی گئی ہے۔ دونوں لیجھوں کے مخالف قطبین کے آج قوت کشش پایا جائے گا جس کی بنا دونوں لیجھے ایک ہی رخ ہونے کی کوشش کریں گے۔

واضح رہے کہ دونوں کیجے (مقناطیس) کوشش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صفر کے برابر ہو لینی ان کا میکانی قوت مروڑ  $\theta_{ar}$  کے مخالف رخ ہو گا۔ یہی مساوات 5.85 کہتی ہے ۔



شكل 5.29: خلا كي در زمين مجموعي مقناطيسي دباو\_

لیچھوں کے مقناطیسی دباو کو مقناطیسی محور کے رخ  $\tau_a$  اور  $\tau_r$  سے ظاہر کیا گیا ہے جہاں  $\tau_a$  اور  $\tau_r$  سائن نما مقناطیسی دباو کی چوٹیوں کے برابر ہیں۔ خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو  $\tau_{ar}$  ان کا مجموعہ ہو گا جس کا طول  $\tau_{ar}$  کلیہ کوسائن  $\tau_{ar}$  کا ہے حاصل ہو گا:

(5.86) 
$$\tau_{ar}^{2} = \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} - 2\tau_{a}\tau_{r}\cos(180^{\circ} - \theta_{ar})$$
$$= \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar}$$

خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو  $au_{ar}$  درج ذیل مقناطیسی شدت  $H_{ar}$  پیدا کرے گا جہاں کا کی درز کی لمبائی  $au_{ar}$ 

$$\tau_{ar} = H_{ar}l_g$$

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ خلاء میں جس مقام پر مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی  $H_{ar}$  ہم۔ توانائی کی کثافت  $H^2$  ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط ہم۔ توانائی کی کثافت، درز میں  $H^2$  کی اوسط کو  $H^2$  ہے

 $\cos law^{46}$ 

 $H^2$  خرب کر کے حاصل ہو گا۔ کسی بھی سائن نما موج  $H^2 = H = H_0 \cos heta$  کا اوسط  $H^2_{bot}$  حاصل کرتے ہیں:

(5.88) 
$$H_{\text{br,s}}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} \, d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta \, d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \, d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \left. \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \right|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

یوں خلائی درز میں اوسط ہم-توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$  ہو گی۔ خلائی درز میں اوسط ہم-توانائی کو خلاء کے حجم سے ضرب کر کے درز میں کل ہم-توانائی  $W_m'$  حاصل ہو گی:

(5.89) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درز کی رداسی لمبائی  $l_g$  اور دھرے  $^{47}$  کے رخ محوری لمبائی  $^{48}$  ہے۔ محور سے خلائی درز کا اوسط رداسی فاصلہ  $r \gg l_g$  مزید  $r \gg l_g$  تصور کیا گیا ہے جس کی بنا درز میں رداسی رخ، کثافت مقناطیسی بہاو کی تبدیلی نظر انداز کی جا سکتی ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی حدد سے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.90) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{q}} \left( \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

یوں میکانی قوت مروڑ درج ذیل ہو گا۔

(5.91) 
$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات 5.91 میں قوت مروڑ دو قطبی مثنین کے لئے حاصل کی گئی۔P قطبی مثنین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کی میکانی قوت مروڑ دیتی ہے لہذا P قطبی مثنین کی قوت مروڑ  $\frac{P}{2}$  گنا ہو گی:

$$(5.92) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

 $\mathrm{axis}^{47}$  axial length<sup>48</sup>

مساوات 5.92 ایک اہم مساوات ہے جس کے مطابق مثین کی میکانی قوت مروڑ، ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقاطیسی دباو کی چوٹیوں اور دونوں کے بی برتی زاویہ  $\theta_{ar}$  سائن کی راست متناسب ہو گی۔ منفی میکانی قوت مروڑ کی مطلب ہے کہ یہ زاویہ  $\theta_{ar}$  خالف رخ ہو گی لیعنی میکانی قوت مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی کوشش کرے کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ کو کم کرنے کی کوشش کرے گی۔ مثین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک دوسرے کے برابر لیکن مخالف رخ میکانی قوت مروڑ ہو گی البتہ ساکن حصے کی قوت مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو گی جبکہ گھومتے حصے کی میکانی قوت مروڑ اس حصہ کو متحرک کرتی ہے۔

چونکہ مقناطیسی دباو کچھے کے برقی رو کا راست متناسب ہوں گے ہونکہ مقناطیسی دباو کچھے کے برقی رو کا راست متناسب ہوں گے۔ بیل ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.85 اور 5.92 ایک دوسرے جبکہ  $\tau_r$  اور  $\tau_r$  آپس میں راست متناسب ہوں گے۔ بیل ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.85 اور 5.92 ایک دوسرے جیسے ہیں۔

 $\Delta AEC$  میں دوبارہ ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو دکھائے گئے ہیں۔ شکل اک $\sim 5.30$  اور  $\Delta BEC$  اور  $\Delta BEC$  میں  $\sim CE$  مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔

(5.93) 
$$CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.94) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اسی طرح شکل WQ ہے جو درج ذیل ہو گا۔  $\Delta SWQ$  اور تکون  $\Delta SWQ$  میں  $\Delta SWQ$  مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$(5.95) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

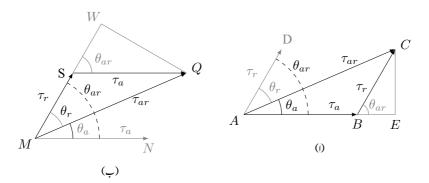
$$(5.96) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مهاوات 5.92، مهاوات 5.94 اور مهاوات 5.96 كو ايك ساتھ لكھتے ہيں۔

(5.97) 
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$



شکل5.30: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

ان مساوات سے واضح ہے کہ میکانی قوت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے نیج زاویہ کی صورت میں، یا کسی ایک کی کے نیج زاویہ کی صورت میں کھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جا سکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کی آپس میں ردعمل کی وجہ سے پیدا اور مقناطیسی دباو کی چوٹیوں اور ان کے چے زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بهاو اور مقناطیسی بهاو آپس میں تعلق رکھتے ہیں جنہیں مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو  $au_{ar}$  اور درز میں کثافت مقناطیسی بهاو  $au_{ar}$  کا تعلق

$$(5.98) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_g}$$

استعال کر کے مساوات 5.97 کے آخری جزو کو درج زیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.99) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی مشینوں کی قالبی مقناطیسی مستقل  $\mu$  کی محدود قیمت کی بنا قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ مشین کی بناوٹ کے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا ہو گا۔ اسی طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو اس کچھے میں برقی رو پر مخصر ہوتا ہے۔ اس برقی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے کچھا گرم ہوتا ہے۔ برقی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک کچھے کو ٹھنڈا رکھنا ممکن ہو۔ یوں مقناطیسی

دباو کو ایک حد سے نیچے رکھنا ہو گا۔ مساوات 5.99 میں  $B_{ar}$  اور  $au_r$  دونوں صریحاً موجود ہیں للذا مشین کی بناوٹ کے نقطہ نظر سے یہ ایک اہم مساوات ہے۔

مساوات 5.99 کی دوسری اہم صورت دیکھتے ہیں۔ قطب پر اوسط کثافت مقناطیسی بہاو اوسطB اور قطب کے رقبہ  $A_P$ 

(5.100) 
$$B_{\text{begl}} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.101) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

کا حاصل ضرب قطب پر مقناطیسی بہاو  $\phi_P$  ہوتا ہے للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

$$(5.103) T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

ہوں گے۔ مساوات 5.103 معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

# باب6

# يكسال حال، بر قرار جالو معاصر مشين

معاصر مشین وہ گھومنے والی مشین ہے جو ایک مقررہ رفتار سے گھومتی ہے۔ یہ رفتار فراہم کردہ برقی دباو کے تعدد پر منصر ہوتی ہے۔

کسی جزیٹر پر بوجھ تبدیل کرنے یا اسے میکانی طاقت فراہم کرنے والے کی رفتار تبدیل کرنے کے چند ہی کھات میں جزیٹر نئی صورتِ حال کے مطابق دوبارہ بر قرار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اس بر قرار چالو حال میں اس کی رفتار، برقی دوباد، برقی رو، درجہ حرارت وغیرہ تبدیل نہیں ہوتے ہیں۔اس طرح موٹر پر بوجھ تبدیل کرنے سے موٹر کی درکار طاقت اور برقی رو تبدیل ہوں گے۔بوجھ تبدیل ہونے سے قبل موٹر ایک مستقل برقی رو حاصل کرتی اور ایک مستقل درجہ حرارت پر رہتی ہے۔بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی کھات میں موٹر دوبارہ ایک نئی بر قرار چالو صورت اختیار کرتی ہے جہاں اس کا برقی رو ایک نئی قیت پر برقرار رہتا ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیت اختیار کرتا ہے۔دو مختلف برقرار چالو، کیساں صور توں کے در میان چند کھات کے لئے مشین عارضے حالے اس میں ہوتی ہے۔اس بیس ہوتی ہے۔اس بیس بوتی ہے۔اس بیس بوتی ہے۔اس بیس میں پر تبعرہ کیا جائے گا۔

معاصر مشین کے قوی کچھے عموماً ساکن جبکہ میدانی کچھے معاصر رفتار سے گھومتے ہیں۔ قوی کچھوں کا رو میدانی کچھوں کو کچھوں کے روکی نسبت بہت زیادہ ہوتا ہے اور اسے سرک چھلوں کے ذریعہ گزارنا مشکل ہوتا ہے للذا قوی کچھوں کو ساکن رکھا جاتا ہے جبکہ میدانی کچھوں کو گھمایا جاتا ہے۔

> transient state<sup>1</sup> steady state<sup>2</sup>

ہم دیکھ چکے ہیں کہ تین دوری ساکن کچھوں میں متوازن تین دوری برقی رو ایک گھومتے متناطیسی دباوکی موج پیدا کرتے ہیں۔اس گھومتے موج کی رفتار کو معاصر رفتار 3 کہتے ہیں۔ معاصر مشین کا گھومتا حصہ اسی رفتار سے گھومتا ہے۔

معاصر مشین کے میدانی کچھے کو یک سمت برقی رو درکار ہوتا ہے جو سرک چھلوں کے ذریعہ اس تک باہر سے پہنچایا جاتا ہے یا مشین کے دھرے پر نسب ایک چھوٹے یک سمت جزیٹر سے اسے فراہم کیا جاتا ہے۔

میدانی لچھا ایک میدانی مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جو اس کچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔ یول معاصر مثین کے گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ساکن کچھوں کے مقناطیسی دباو معاصر رفتار سے گھومتے ہیں۔ اس لئے انہیں معاصر مثین کہتے ہیں۔

# 6.1 متعدد دوری معاصر مشین

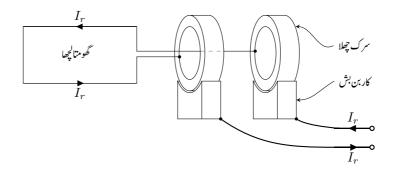
معاصر مشین عموماً تین دوری ہوتے ہیں۔ تین دوری ساکن قوی کچھے خلائی درز میں 120° برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ میدانی کچھے گھومتے حصے پر نسب ہوتے ہیں اور ان میں یک سمت برقی رو ہوتا ہے۔

اگر مشین کے گھومتے جھے کو بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جائے تو یہ مشین ایک معاصر جزیٹر کے طور پر کام کرتی ہے اور اس کے تین دوری ساکن قوی کچھوں میں تین دوری برقی دباو پیدا ہوتا ہے جس کا برقی تعدد گھومنے کی رفتار پر منحصر ہوتا ہے۔ اس کے برعکس اگر مشین کے تین دوری ساکن قوی کچھوں کو تین دوری برقی طاقت مہیا کی جائے تو یہ مشین ایک معاصر موٹر کے طور پر کام کرتی ہے جو معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ مشین کی کل برقی قوت کے چند فی صد برابر برقی قوت میدان کچھے کو درکار ہوتی ہے۔

گھومتے کچھے تک برقی دہاو مختلف طریقوں سے پہنچایا جاتا ہے۔شکل 6.1 میں گھومتے کچھے تک موصل سرکھ پھلے 4 کی مدد سے یک سمت برقی رو پہنچانے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ یہ سرک چھلے اسی دھرے پر نسب ہوتے ہیں جس پر گھومتا کچھا نسب ہوتا ہے اور دونوں کچھے کے ساتھ ساتھ ایک ہی رفتار سے گھومتے ہیں۔

synchronous speed<sup>3</sup> slip rings<sup>4</sup>

6.1 متعبد د دوری معب صرمتین



شكل 6.1: كاربن كُبْن اور سرك چھلوں سے گھومتے لچھے تك برقى روينجايا يا گياہے۔

کار بن کے ساکن بش، اسپر نگ کی مدد ہے، سرک چھلوں کے بیر ونی سطح کے ساتھ دباکر رکھے جاتے ہیں۔ جب مشین چلتی ہے، کار بن بش ان سرک چھلوں پر سرکتے ہیں۔ اسپر نگ کا دباو ان کا برقی جوڑ مضبوط رکھتا ہے تا کہ ان کے نیچ چنگاریاں نہ نگلیں۔ کار بن بش کے ساتھ برقی تار لگی ہے۔ یک سمت برقی رو  $I_r$ ، کار بن بش <sup>5</sup> اور سرک چھلوں سے ہوتا ہوا، گھومتے کچھے تک پہنچتا ہے۔

بڑی معاصر مشینوں میں میدانی یک سمت رو عموماً بدلتا رو چھوٹے جنریٹر سے حاصل کیا جاتا ہے جو معاصر مشین کے دھرے پر نسب ہوتا ہے اور دھرے کے ساتھ گھومتا ہے چھوٹے جنریٹر کے برقی دباو کو دھرے پر نسب برقیاتی ست کار کی مدد سے یک سمت برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یوں سرک چھلے کی ضرورت پیش نہیں آتی ہے۔ سرک چھلے بوجہ رگڑ خراب ہوتے ہیں جس کی وجہ سے معاصر مشین کی مرمت درکار ہوتی ہے جو ایک مہنگا کام ہے۔

اُبھرے قطب<sup>6</sup> مشین، پانی سے چلنے والے ست رفتار جزیٹر اور عام استعال کی موٹروں کے لئے موزوں ہیں۔ جبکہ ہموار قطب<sup>7</sup> مشین، تیز رفتار دو یا چار قطبی ٹربائن جزیٹروں کے لئے موزوں ہیں۔

ایک (بڑے) مملکت کو درکار برقی توانائی کسی ایک جزیٹر سے دینا ممکن نہیں ہوتا ہے بلکہ چند در جن سے لیکر کئی سو جزیٹر بیک وقت یہ فرکفنہ سر انجام دیتے ہیں۔ ایک سے زیادہ جزیٹر استعال کرنا فائدہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اوّل، برقی توانائی کی ضرورت کے مطابق جزیٹر چالو کئے جا سکتے ہیں۔ دوم، جزیٹر دل کو ان مقامات کے قریب نسب کیا جا سکتا ہے جہال جہال برقی توانائی درکار ہو۔ کسی بھی اس طرح کے بڑے نظام میں ایک جزیٹر کی حیثیت بہت کم ہو

carbon bush<sup>5</sup> salient poles<sup>6</sup>

non-salient poles<sup>7</sup>

جاتی ہے۔ ایک جزیر چالو یا بند کرنے سے پورے نظام پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ اس صورت میں ہم اس نظام کو ایک مقررہ برقی دباو اور ایک مقررہ برقی تعدد کا نظام تصور کر سکتے ہیں۔ معاصر جزیر کے کئی اہم پہلو با آسانی سمجھے جا سکتے ہیں اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ یہ ایک ایسے نظام سے جوڑا گیا ہے۔

مساوات 5.103 معاصر مشین کی قوت مروڑ دیتی ہے۔ اس مساوات کے مطابق برقی قوت مروڑ، مشین میں موجود عمل کرنے والے مقناطیسی دباو کو ایک دوسرے کی سیدھ میں لانے کی کوشش کرتی ہے۔ برقرار چالو مشین کی برقی قوت مروڑ اور اس کے دھرے پر لاگو میکانی قوت مروڑ ایک دوسرے کے برابر ہوتے ہیں۔ جب مشین ایک جزیئر کی حیثیت سے استعال ہو تب میکانی طاقت دھرے کو گھماتا ہے اور گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو کل مقناطیسی دباو سے گھومنے کے رخ آگے ہوتا ہے۔ مساوات 5.103 سے حاصل قوت مروڑ ایسی صورت میں گھومنے کو روکنے کی کوشش کرتا ہے۔ میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے چلتے انجن، وغیرہ سے حاصل ہو سکتا ہے۔ اسی طرح اگر مشین کوشش کرتا ہے۔ میکانی طاقت جاتے پانی، ایندھن سے جلتے انجن، وغیرہ سے حاصل ہو سکتا ہے۔ اسی طرح اگر مشین ایک موٹر کی حیثیت سے استعال ہو، تب صورت اس کے بالکل اُلٹ ہوگی۔

کل مقناطیسی بہاو  $\phi_{ar}$  اور گھومتے لچھے کا مقناطیسی دباو  $\tau_r$  تبدیل نہ ہونے کی صورت میں مساوات  $\delta$  کی مطابق مثین کی قوت مر وڑ ہی صاتھ تبدیل ہو گی۔ اگر زاویہ  $\theta_r$  صفر ہو تب قوت مر وڑ بھی صفر ہو گ۔ استعال ہو رہی ہے۔ جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جاتا اب تصور کریں کہ یہی مثین ایک موٹر کے طور پر استعال ہو رہی ہے۔ جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جاتا ہے ویسے ویسے اس کے دھرے پر میکانی قوت مر وڑ بڑھے گی۔ موٹر کو برابر کی برقی قوت مر وڑ پیدا کرنے کے لئے، موٹر کو برابر کی برقی قوت مر وڑ پیدا کرنے کے لئے، موٹر کو بید زاویہ کو بڑھانا ہو گا۔ یہاں یہ سمجھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر وقت معاصر رفتار سے گھومتا ہے ماسوانے ایک لحم کے لئے جس کے دوران موٹر آہتہ ہو کر زاویہ کو ضرورت کے مطابق درست کرتی ہے۔ یعنی موٹر کا زاویہ ہو وقت میکانی قوت مروڑ کا تعقب 8 کرتا ہے۔

موٹر پر لدا میکانی بوجھ بندر تئے بڑھانے سے ایک لمحہ آئے گا جب زاویہ  $\theta_r$  نوے درجہ،  $\frac{\pi}{2}$  ریڈیئن، تک پنچنا ہے۔ اس لمحہ موٹر اپنی انتہائی قوت مروڑ پیدا کرے گی۔ موٹر کسی بھی صورت میں اس سے زیادہ قوت مروڑ پیدا نہیں کر سکتی ہے لہذا بوجھ مزید بڑھانے سے موٹر رکھ جائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر 10 صورت اختیار کر لی ہے۔ مساوات 5.103 سے ظاہر ہے کہ کل مقاطیسی بہاو یا گھومتے کچھے کا مقاطیسی دباو بڑھا کر موٹر کی انتہائی قوت مروڑ بڑھائی جا سکتی ہے۔

hunting<sup>8</sup> pull out torque<sup>9</sup> lost synchronism<sup>10</sup>

6.2. معاصر مشين كے اماله

یہی صورت اگر مشین برقی جزیٹر کے طور پر استعال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیر معاصر صورت اختیار کرے، اسے جلد خود کار دور شکر ہے <sup>11</sup> کی مدد سے برقی بھم رسانی سے الگ کر دیا جاتا ہے۔

ہم نے دیکھا کہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف اسی رفتار پر گھوم کر قوت مروڑ پیدا کر سکتی ہے البذا ساکن معاصر موٹر کو چالو کرنے کی کوشش ناکام ہو گی۔ معاصر موٹر کو پہلے کسی دوسرے طریقے سے معاصر رفتار تک لایا جاتا ہے اور اس کے بعد اسے چالو کیا جاتا ہے۔ ایسا عموماً ایک چھوٹی امالی موٹر کو چالو کیا جاتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو معاصر رفتار تک پہنچاتی ہے جس کے بعد معاصر موٹر کو چالو کیا جاتا ہے۔ ایسی امالہ موٹر عموماً معاصر موٹر کو دھرے پر نسب ہوتی ہے۔

### 6.2 معاصر مشین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مشین دو قطب اور تین دوری ہے اور اس کے کچھے ستارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح کچھوں میں برقی رو، تار برقی رو<sup>13</sup> ہی ہو گا اور ان پر لا گو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ایسا کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان اور نتیجہ کسی بھی موڑ کے لئے درست ہوتا ہے۔

شکل 6.2 میں ایک ایس تین دوری دو قطبی معاصر مثین دکھائی گئی ہے۔ اس کا گھومتا حصہ نکلی نما ہے۔اس کو دو قطبی مثین یا P قطبی مثین کے دو قطب کا حصہ سمجھا جا سکتا ہے۔

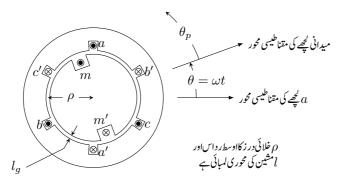
اگرچہ یہاں گچھ کچھے دکھائے گئے ہیں، حقیقت میں پھلے کچھے استعال ہوں گے المذا انہیں پھلے کچھے تصور کریں۔
اس طرح ہر کچھا سائن نما برتی دباو پیدا کرتا ہے جس کی چوٹی کچھے کی مقناطیسی محور کے رخ ہو گی۔ چونکہ معاصر مثین کے گھومتے کچھے میں یک سمت رو ہوتا ہے المذا، جیسا شکل 6.2 میں دکھایا گیا ہے، اس کچھے کا مقناطیسی دباو ہر لمحد کھومتے حصہ کی مقناطیسی محور کے رخ ہو گا۔ گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو گھومتے حصہ کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومے گا۔

فرض کریں کہ یہ مثین معاصر رفتار  $\omega$  سے گھوم رہی ہے۔ یوں اگر لمحہ t=0 پر دور a اور گھومتے کچھے کی مقاطیسی محور کے رخ ایک دوسرے جیسے ہوں تب کسی بھی لمحہ t پر ان کے پھی زاویہ  $\theta=\omega t$  ہو گا۔ امالہ کا حساب

circuit breaker<sup>11</sup>

induction motor<sup>12</sup>

line  ${\it current}^{13}$ 



شکل 6.2: تین دوری، دو قطبی معاصر مشین ـ

 $l_g$  کرنے کے لئے شکل 6.2 سے رجوع کریں جہاں محیط پر خلائی ورز یکساں ہے۔ رداسی رخ خلائی ورز کی لمبائی  $\rho$  ہور مشین ہے۔ ساکن جصے میں شگافوں کے اثر کو نظرانداز کریں۔ محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ  $\rho$  ہے اور مشین کی محوری لمبائی (دھرے کے رخ)  $\rho$  ہے۔

کسی بھی کچھے کے خود امالہ کا حساب کرتے وقت باقی تمام کچھوں کو نظرانداز کریں۔یوں باقی تمام کچھوں میں برقی رو صفر تصور کریں، یعنی ان کچھوں کے سرے آزاد رکھیں۔ کسی ایک کچھے کے خود امالہ کو پیا سے ناپتے وقت بھی باقی تمام کچھوں کے سرے آزاد رکھیں جائیں گے۔

#### 6.2.1 خودامالير

au گھو متے یا ساکن کچھے کا خود امالہ L زاویہ  $\theta$  پر منحصر نہیں ہوتا ہے۔ ان میں سے کسی بھی کچھے کی مقناطیسی دباوau  $au=k_w rac{4}{\pi} rac{Ni}{2} \cos heta_p$ 

π 2 سے خلائی درز میں درج ذمل کثافت مقناطیسی بهاو B پیدا ہو گی۔

(6.2) 
$$B = \mu_0 H = \mu_0 \frac{\tau}{l_q} = \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_q} \cos \theta_p$$

6.2. معاصر مشین کے امالہ

یہ مساوات زاویہ  $\theta_p$  کے ساتھ کثافت مقناطیسی دباو B کا تعلق پیش کرتی ہے۔ لچھا کے ایک قطب پر کل مقناطیسی بہاو  $\phi$  اس مساوات کا سطح کمل  $^{14}$  دے گا۔

(6.3) 
$$\phi = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} Bl\rho \, d\theta_p$$

$$= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} l\rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, d\theta_p$$

$$= \frac{4\mu_0 k_w Nil\rho}{\pi l_q}$$

ایک کیھے کا خود امالہ L، مساوات 2.29 میں جزو کھیلاو  $k_w$  کا اثر شامل کرتے ہوئے حاصل کرتے ہیں۔

$$(6.4) L = \frac{\lambda}{i} = \frac{k_w N \phi}{i} = \frac{4\mu_0 k_w^2 N^2 l \rho}{\pi l_q}$$

يه مساوات شكل 6.2 مين تينول توى لچھوں كا خود اماليه

(6.5) 
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l\rho}{\pi l_g}$$

اور میدانی کھیے کا خود امالہ دیتی ہے۔

(6.6) 
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_g}$$

6.2.2 مشتركه اماله

اب ہم دو کچھوں کا مشتر کہ امالہ حاصل کرتے ہیں۔تصور کریں صرف گھومتا کچھا مقناطیسی بہاو پیدا کر رہا ہے۔ ہم بہاو کے اس حصہ سے، جو a کچھا سے گزرتا ہے، گھومتے کچھا اور a کچھا کا مشتر کہ امالہ حاصل کرتے ہیں ۔شکل 6.2

surface integral<sup>14</sup>

میں گھومتے اور a کچھا کے نی زاویہ  $\theta$  ہے۔الی صورت میں صورت میں گھومتے اور a کچھا کے نی زاویہ a بہاو، a بہاو، a بہاو کا حساب مساوات a میں حکمل کے حد تبدیل کر کے حاصل کرتے ہیں۔

(6.7) 
$$\phi_{am} = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, d\theta_{p}$$

$$= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, d\theta_{p}$$

$$= \frac{4 \mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta$$

یوں گھومتے کچھا اور کچھا کا مشتر کہ امالہ

(6.8) 
$$L_{am} = \frac{\lambda_{am}}{i_m} = \frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m} = \frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

يا

$$(6.9) L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

ہو گا جہاں

$$(6.10) L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_a}$$

ہے اور  $\omega t = \omega t$  گومنے کی رفتار پر منحصر ہو گا۔ اگرچہ مساوات 6.9 ایک گھومتے اور ایک ساکن کچھے کے لئے حاصل کی گئی ہے، در حقیقت یہ شکل 6.2 میں کسی بھی دو کچھوں کے لئے درست ہے۔ دونوں ساکن کچھے ساکن یا دونوں متحرک لینے سے بھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔ یوں دو ساکن یکسال کچھے، مثلاً  $\omega$  اور  $\omega$  جن کے بھی 120° زاویہ ہے، کا مشتر کہ امالہ

(6.11) 
$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_g} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$

ہو گا جہاں یکسانیت کی بدولت  $k_{wb}=k_{wa}$  اور  $N_b=N_a$  اور  $N_b=N_b$  اور  $N_b=k_{wa}$  بالکل یکسال ہوں تب درج بالا مساوات اور مساوات 6.5 کی مدد سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(6.12) 
$$L_{ab} = L_{bc} = L_{ca} = -\frac{L_{aa0}}{2}$$

6.2. معیاصر مثین کے امالہ

6.2.3 معاصراماليه

مشین پر لا گو برقی دباو کو مشین کے کچھوں کا خود امالہ، مشتر کہ امالہ اور کچھوں کے برقی رو کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہم پہلے کچھوں کی ارتباط بہاو 🖍 کو ان کے امالہ اور ان کے برقی رو کی مدد سے لکھتے ہیں۔

(6.13) 
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ab}i_{b} + L_{ac}i_{c} + L_{am}I_{m}$$

$$\lambda_{b} = L_{ba}i_{a} + L_{bb}i_{b} + L_{bc}i_{c} + L_{bm}I_{m}$$

$$\lambda_{c} = L_{ca}i_{a} + L_{cb}i_{b} + L_{cc}i_{c} + L_{cm}I_{m}$$

$$\lambda_{m} = L_{ma}i_{a} + L_{mb}i_{b} + L_{mc}i_{c} + L_{mm}I_{m}$$

ان مساوات میں ساکن کچھوں کا بدلتا رو چھوٹے حروف  $i_a,i_b,i_c$  جبکہ گھومتے میدانی کچھے کا یک سمت رو بڑے حرف  $I_m$  حرف  $I_m$ 

ان چار مساوات میں سے ہم کسی ایک کو حل کرتے ہیں۔ چونکہ چاروں مساوات ایک طرح کی ہیں للذا باقی بھی اسی طرح حل ہوں گی۔ ہم ان میں پہلی مساوات منتخب کرتے ہیں:

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات 6.5 لچھا a کا خود امالہ دیتی ہے اور اس کو حاصل کرتے ہوئے تصور کیا گیا کہ لچھے کا پورا مقناطیسی بہاہ خلائی درز سے گزر تا ہے۔ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا اور مقناطیسی بہاہ کا کچھ حصہ خلائی درز سے گزر کر دوسری جانب نہیں پہنچ پاتا۔ مقناطیسی بہاہ کا یہ حصہ رستا امالہ  $L_{al}$  اللہ  $L_{al}$  پیدا کرتا ہے جو ٹرانسفار مرکے رستا امالہ کی طرح ہوتا ہے۔ یوں لچھے کا کل خود امالہ میں دو حصوں پر مشتمل ہوگا:

$$(6.15) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

ہم مساوات 6.5، مساوات 6.9، مساوات 6.12 اور مساوات 6.15 کی مدد سے مساوات 6.14 کو درج ذیل صورت میں لکھتے ہیں۔

(6.16) 
$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{b} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{c} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$
$$= (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} (i_{b} + i_{c}) + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

leakage inductance<sup>15</sup>

اب تین دوری برقی رو کا مجموعہ صفر ہوتا ہے

$$(6.17) i_a + i_b + i_c = 0$$

للذا مساوات 6.16 میں اس کو استعال کرتے ہوئے

(6.18) 
$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} (-i_{a}) + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$
$$= \left(\frac{3}{2} L_{aa0} + L_{al}\right) i_{a} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$
$$= L_{s} i_{a} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

حاصل ہو گا جہاں

$$(6.19) L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

کو معاصراماله <sup>16</sup> کہتے ہیں۔

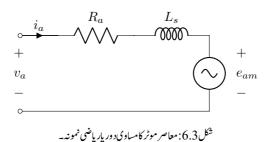
مساوات 6.19 اور مساوات 5.49 پر ایک مرتبہ دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ایک دوسرے جیسے ہیں۔ وہاں کل گھومتا مقاطیسی دباو ایک کچھ کے مقاطیسی دباو کا  $\frac{2}{5}$  گنا تھا اور یہاں معاصر امالہ ایک کچھ کے امالہ کا  $\frac{2}{5}$  گنا تھا۔ یہ دو مساوات ایک ہی حقیقت کے دو پہلو ہیں۔

معاصر امالہ تین حصوں پر مشتمل ہے۔ پہلا حصہ  $L_{aa0}$  ہے جو a کچھے کا خود امالہ ہے۔ دوسرا حصہ  $\frac{L_{aa0}}{2}$ ، کچھا کا باقی دو کچھوں کے ساتھ اس صورت مشتر کہ امالہ ہے جب مشین میں تین دوری متوازن برقی رو ہو۔ تیسرا حصہ a کا باقی دو کچھا کا رستا امالہ ہے۔ یوں متوازن برقی روکی صورت میں معاصر امالہ، مشین کے ایک کچھے کا ظاہری امالہ ہوتا ہے۔

مثال 6.1: ایک معاصر جزیر کا یک دوری کل خود اماله 2.2 mH اور رستا اماله 0.2 mH بست 0.2 ہے۔اس مشین کی دو توی کچھوں کا مشتر کہ امالہ اور مشین کا معاصر امالہ حاصل کریں۔

 $L_{aa0}=2\,\mathrm{mH}$  کی مرو سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{al}$  ہوتا ہے لہذا  $L_{aa0}=2\,\mathrm{mH}$  ہوتا ہے لہذا  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{al}$  ہوگا۔  $L_{ab}=-1\,\mathrm{mH}$ 

 $synchronous\ inductance^{16}$ 



## 6.3 معاصر مشین کامساوی دوریاریاضی نمونه

لچھ a پر لا گو برتی دباو کچھ کی مزاحمت a میں برتی دباو کے گھٹاو اور  $\lambda_a$  برتی دباو کے برابر ہو گا

$$(6.20) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - \omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + e_{am}$$

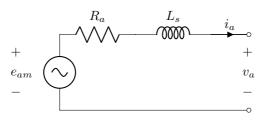
جہاں

(6.21) 
$$e_{am} = -\omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$
$$= \omega L_{am0} I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

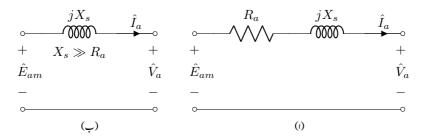
سیجانی برقر دباو یا اندرونی پیدا برقر دباو کہلاتا ہے جو گھومتے کیجے سے پیدا مقناطیسی بہاو کی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ اس کی موثر قیت Eam.rms مساوات 1.42 سے حاصل ہو گی۔

(6.22) 
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

مساوات 6.20 کو ایک برقی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے جے شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔ کسی بھی برقی دور میں لاگو برقی دباوے مثبت سر سے (مثبت) رو خارج ہوتا ہے۔ یوں اس شکل میں برقی رو  $i_a$  لاگو برقی دباو کے مثبت سر وں پر برقی رو داخل ہوتا ہے۔ اس سے خارج ہوتا ہے۔ شکل 6.3 ایک موٹر کو ظاہر کرتی ہے جہاں موٹر کے مثبت سروں پر برقی رو داخل ہوتا ہے۔ اگر موٹر کی بجائے ایک معاصر جزیئر کی بات ہوتی تب جزیئر برقی دباو پیدا کرتا اور برقی رو اس جزیئر کے مثبت سر



شکل 6.4: معاصر جزیٹر کامساوی دوریاریاضی نمونہ۔



شکل 6.5: معاصر جزیٹر کے مساوی ادوار۔

سے خارج ہوتا اور ہمیں شکل 6.3 کی بجائے شکل 6.4 حاصل ہوتا۔ شکل 6.4 سے جزیٹر کی مساوات لکھتے ہیں۔

$$(6.23) e_{am} = i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + v_a$$

دھیان رہے کہ جزیر کے مساوی دور میں برقی رو کا مثبت رخ، موٹر کے مساوی دور میں برقی رو کے مثبت رخ کا اُلٹ ہے۔مساوات 6.23 کی دوری سمتیہ روپ

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

ہو گی جس کو شکل 6.5-ا میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 6.2: دو قطب، 50 ہرٹز کا ایک معاصر جزیٹر 40 ایمپیئر میدانی برقی رو پر 2100 وولٹ یک دوری موثر برقی دباو پیدا کرتا ہے۔اس مثین کے قوی اور میدانی کچھوں کا مشتر کہ امالہ تلاش کریں۔

$$L_{am}=\frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m}=\frac{\sqrt{2}\times 2100}{2\times \pi\times 50\times 40}=0.2363\,\mathrm{H}$$
 (6.25)

6.4. برق ط قت کی منتقلی 6.4

 $\neg$ 

# 6.4 برقی طاقت کی منتقلی

شکل 3.23 ٹرانسفار مرکا مساوی دور (ریاضی نمونہ) اور شکل 6.5 معاصر جزیٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) ہے۔ دونوں ایک دوسرے جیسے ہیں، للذا مندرجہ ذیل بیان دونوں کے لئے درست ہوگا، اگرچہ یہاں ہمیں صرف معاصر مشینوں سے دلچیسی ہے۔

معاصر مشینوں میں عموماً  $X_s>>R_a$  کی قیمت سے سو یا دو سو گنا زیادہ ہو گی۔ یوں  $X_s>>R_a$  ہو گا اور مساوات  $X_s>>0$  درج ذیل گا اور  $R_a$  کو رد کرنا ممکن ہو گا۔ یول شکل  $R_a$ ا اسے شکل  $R_a$ ا ور مساوات  $R_a$  درج ذیل صورت اختیار کرے گی۔

$$\hat{E}_{am} = j\hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

اور  $\hat{E}_{am}$  اور  $jX_s$  اور تصور کریں جہاں ایک متعاملہ  $jX_s$  کو بائیں سادہ برقی دور تصور کریں جہاں ایک متعاملہ وائیں  $\hat{V}_a$  اور دائیں  $\hat{V}_a$  برقی دباو فراہم کی گئی ہے۔ اس برقی دور میں برقی طاقت کی منتقلی پر غور کرتے ہیں۔

 $\hat{V}_a$  شکل 6.5 - ب کی دور کی سمتیہ صورت (مساوات 6.26) کو شکل 6.6 میں دکھایا گیا ہے۔ شکل 6.6 - ا میں  $\hat{V}_a$  میں خوالف رخ ناپ کے لحاظ سے  $\hat{I}_a$  زاویہ  $\hat{V}_a$  جبکہ شکل 6.6 - ب میں  $\hat{V}_a$  آگے ہے۔ زاویات افقی لکیر سے گھڑی کے مخالف رخ ناپ جاتے ہیں لہٰذا شکل - ا میں  $\hat{V}_a$  مثنی اور  $\hat{V}_a$  مثبت ہیں جبکہ شکل - ب میں دونوں زاویات مثبت ہیں۔

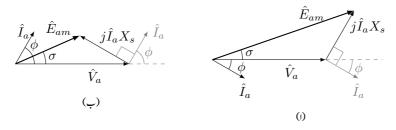
$$p_v=V_aI_a\cos\phi$$
 (6.27) : بين طاقت  $p_v$  بائين سے وائين منتقل ہو رہی ہے:

شكل 6.6-اسے درج ذيل لكھا جاسكتا ہے۔

(6.28) 
$$\hat{I}_{a} = I_{a} \underline{/\phi} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_{a}}{jX_{s}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_{a}\underline{/0}}{X_{s}\underline{/\frac{\pi}{2}}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma - \frac{\pi}{2}} - \frac{V_{a}}{X_{s}}\underline{/-\frac{\pi}{2}}}{X_{s}\underline{/\sigma - \frac{\pi}{2}} - \frac{V_{a}}{X_{s}}\underline{/-\frac{\pi}{2}}}$$



شکل 6.6: معاصر جنزیٹر کادوری سمتیہ۔

کسی بھی دوری سمتیہ کو حقیقی افقی جزو اور فرضی عمودی جزو کا مجموعہ تصور کیا جا سکتا ہے۔شکل  $\hat{V}_a$  سے واضح ہے کہ درج بالا مساوات میں  $\hat{I}_a$  کا حقیقی جزو  $\hat{V}_a$  کا ہم قدم ہے۔یوں

(6.29) 
$$I_a \cos \phi = \frac{E_{am}}{X_s} \cos \left(\sigma - \frac{\pi}{2}\right) - \frac{V_a}{X_s} \cos \left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
$$= \frac{E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

ہو گا جس کو مساوات 6.27 کے ساتھ ملا کر درج ذیل ملتا ہے۔

$$(6.30) p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین دوری معاصر مشین کے لئے اس مساوات کو تین سے ضرب دیں گے:

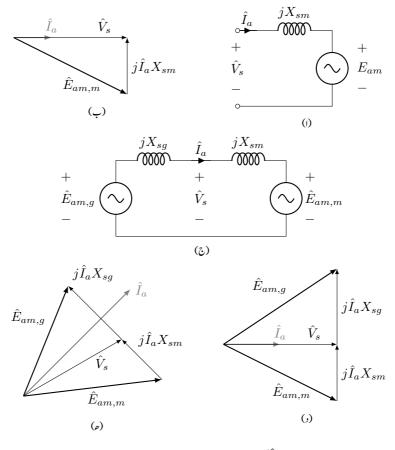
$$(6.31) p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_a} \sin \sigma$$

مساوات 6.31 طاقت بالمقابل زاویہ  $\Gamma^{17}$  کا قانون پیش کرتی ہے۔ اٹل  $V_a$  کی صورت میں جزیٹر  $E_{am}$  یا (اور)  $\sigma$  بڑھا کر طاقت بڑھا سکتا ہے۔ گھومتے کچھے میں برقی رو بڑھا کر  $E_{am}$  بڑھایا جاتا ہے جو ایک حد تک کرنا ممکن ہو گا۔ کچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہونے سے لچھا گرم ہو گا جس کو خطرناک حد تک پہنچنے نہیں دیا جا سکتا ہے۔ اس طرح  $\sigma$  کو نوے زاویہ تک بڑھایا جا سکتا ہے جس پر، کسی مخصوص  $E_{am}$  کے لئے، جزیٹر زیادہ سے زیادہ طاقت مہیا کرتا ہے:

$$p_{v, \mathcal{F}} = \frac{3V_a E_{am}}{X_s}$$

power-angle  $law^{17}$ 

6.4. برقى طباقت كى منتقلى



شکل 6.7: معاصر جزیٹر معاصر موٹر چلار ہی ہے۔

حقیقت میں جزیئر کی بناوٹ یوں کی جاتی ہے کہ زیادہ سے زیادہ قابل استعال طاقت نوے درجے سے کافی کم زاوبیہ پر ممکن ہو۔ نوے درجے پر جزیئر کو قابو رکھنا مشکل ہوتا ہے۔

مثال 6.3: ایک 50 قطبی، ستارہ، تین دوری 50 ہر ٹرنہ 2300 وولٹ دباو تار پر چلنے والی 1800 کلو وولٹ-ایمپیئر معاصر امالہ 2.1 اوہم ہے۔

• مشین کے برقی سروں پر 2300 وولٹ دباو تار مہیا کیا جاتا ہے جبکہ اس کا میدانی برقی رواتنا رکھا جاتا ہے کہ

پورے بوجھ پر مشین کا جزو طاقت ایک کے برابر ہو۔ اس مشین سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جاستی ہے؟

• اس موٹر کو 2 قطبی، 3000 چکر فی منٹ، تین دوری، ستارہ، 2300 دولٹ دباہ تار پیدا کرنے والا 2200 کلو دولٹ-ایمپیئر کے معاصر جزیئر سے چلایا جاتا ہے جس کا یک دوری معاصر امالہ 2.3 اوہم ہے۔موٹر پر اس کا پورا برقی بوجھ لاد کر جزیئر کو معاصر رفار پر چلاتے ہوئے دونوں مشینوں کے میدانی برقی رو تبدیل کیے جاتے ہیں حتی کہ موٹر ایک جزو طاقت پر چلئے گئے۔دونوں مشینوں کا میدانی برقی رو یہاں برقرار رکھ کر موٹر پر بوجھ آہتہ بڑھایا جاتا ہے۔اس صورت میں موٹر سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے اور اس کی سروں پر دباہ تار کتنا ہو گا؟

حل:

• شکل 6.7-ااور 6.7-ب سے رجوع کریں۔ یک دوری برتی دباو اور کل برتی رو درج ذیل ہوں گے۔  $\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9\,\mathrm{V}$   $\frac{1\,800\,000}{\sqrt{3}} = 451.84\,\mathrm{A}$ 

یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{E}_{am,m} = \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m}$$
= 1327.9/0° - j451.84/0° × 2.1  
= 1327.9 - j948.864  
= 1632/-35.548°

مساوات 6.32 سے یک دوری زیادہ سے زیادہ برقی طاقت حاصل کرتے ہیں۔  $p_{\rm pp}=rac{1327.9 imes1632}{2.1}=1\,031\,968\,{
m W}$ 

اس طرح تین دوری زیادہ سے زیادہ طاقت 904 904 واٹ ہو گی۔50 ہرٹز اور 50 قطب سے مثین کی معاصر میکانی رفتار مساوات 5.53 کی مدد سے دو چکر فی سکنڈ حاصل ہوتی ہے لیعنی  $f_m=2$  یوں مثین سے درج ذیل زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے۔

$$T_{|\vec{\varphi}|} = \frac{p_{|\vec{\varphi}|}}{2\pi f_m} = \frac{3095904}{2\times\pi\times2} = 246\,364\,\mathrm{N\,m}$$

• شکل 6.7-ج سے رجوع کریں۔پہلا جزو کی طرح یہاں بھی موٹر کے برقی سروں پر دباو تار 2300 وولٹ اور محرک برقی دباو 1632 وولٹ ہول گے۔ جزیٹر کا محرک برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{E}_{am,g} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g}$$

$$= 1327.9 / 0^{\circ} + j451.84 / 0^{\circ} \times 2.3$$

$$= 1327.9 + j1039.233$$

$$= 1686 / 38.047^{\circ}$$

یہ صورت شکل 6.7-د میں دکھائی گئی ہے۔

معاصر موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب  $\hat{E}_{am,m}$  اور  $\hat{E}_{am,m}$  آپس میں  $\hat{E}_{am,m}$  زاویہ پر ہوں جیسا شکل 6.7-ھ میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں مساوات 6.32 میں ایک معاصر امالہ کی بجائے موٹر اور جزیٹر کے سلسلہ وار جڑے امالہ ہوں گے اور دو برقی دباو اب موٹر کی یک دوری زیادہ سے زیادہ طاقت درج ذبل ہوگی۔ درج ذبل ہوگی۔

$$p_{\mathcal{F}} = \frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \,\mathrm{W}$$

اس طرح تین دوری طاقت 876 056 واٹ اور زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ درج ذیل ہو گا۔

$$T_{\ddot{\varphi}'} = \frac{1876056}{2 \times \pi \times 2} = 149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

П

6.5 کیسال حال، بر قرار حالومشین کے خواص

معاصر جنریٹر: برقی بوجھ بالمقابل  $I_m$  خط 6.5.1

شکل 6.5-ب کی دوری سمتیه مساوات

$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

(6.34) 
$$E_{am}\underline{\sigma} = V_a\underline{0} + I_aX_s/\frac{\pi}{2} + \phi$$

جس کو بطور مخلوط عدد 18

$$E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma = V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$$
$$= E_{am,x} + jE_{am,y}$$

 $E_{am}$  کارتے ہیں۔ اس سے  $\left|\hat{E}_{am}
ight|$  یعنی  $\left|\hat{E}_{am}
ight|$  حاصل کرتے ہیں۔

(6.35) 
$$\begin{aligned} \left| \hat{E}_{am} \right| &= E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + (I_a X_s)^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi} \end{aligned}$$

جزیٹر کے سروں پر  $V_a$  اٹل رکھتے ہوئے مختلف  $\phi$  کے لئے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  خط شکل  $I_a$  میں دکھائے گئے ہیں۔ یہ خطوط مساوات  $I_a$  دیتی ہے۔ چونکہ  $I_a$  اور  $I_a$  اور  $I_a$  راست متناسب ہیں اور کسی مخصوص جزو طاقت اور معین  $I_a$  کے بین جزیٹر کی طاقت  $I_a$  کے راست متناسب ہوتی ہے لہذا یہی ترسیمات  $I_a$  بالمقابل جزیٹر کی طاقت کو بھی ظاہر کرتی ہیں۔

معاصر موٹر: $I_a$  بالمقابل معاصر موٹر:  $I_a$ 

معاصر موٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل 6.3 اور دوری سمتیہ شکل 6.9 میں دکھایا گیا ہے۔ مزاحمت نظرانداز کر کے اس کی مساوات لکھتے ہیں۔

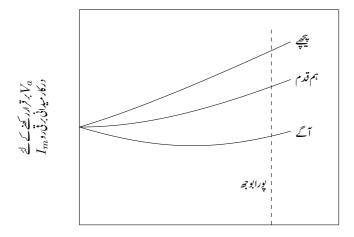
(6.36) 
$$\begin{split} \hat{V}_{a} &= \hat{E}_{am} + j\hat{I}_{a}X_{s} \\ V_{a}\underline{/0} &= E_{am}\underline{/\sigma} + jI_{a}\underline{/\phi}X_{s} \\ &= E_{am}\underline{/\sigma} + I_{a}X_{s}/\frac{\pi}{2} + \phi \end{split}$$

اس مساوات میں موٹر پر لاگو برتی دباو  $\hat{V}_a$  کے حوالہ سے زاویات کی پیائش کی گئی ہے لہذا  $\hat{V}_a$  کا زاویہ صفر ہو گا۔ یاد رہے کہ مثبت زاویہ کی پیائش افقی کلیر سے گھڑی کے مخالف رخ ہو گی لہذا پیچ زاویہ  $^{20}$  مثبت اور تاخیر ہے زاویہ  $^{20}$ 

complex number<sup>18</sup>

leading angle<sup>19</sup>

lagging angle<sup>20</sup>



 $I_a$ بر تی باریا قوی کچھے کا بر تی رو

شکل 6.8: جزیٹر: برقی بوجھ بالقابل  $I_m$  خط

منفی ہو گا۔ اس مساوات سے امالی دباو  $E_{am}$  حاصل کرتے ہیں۔

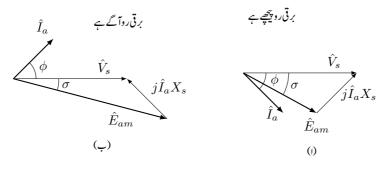
$$\begin{split} E_{am/\underline{\sigma}} &= V_a/\underline{0} - I_a X_s / \frac{\pi}{2} + \phi \\ &= V_a - I_a X_s \cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - j I_a X_s \sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_a X_s \sin\phi - j I_a X_s \cos\phi \end{split}$$

یوں  $|E_{am}|$  درج ذیل ہو گا۔

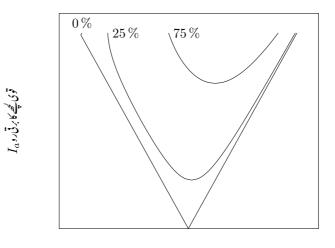
(6.37) 
$$|E_{am}| = \sqrt{(V_a + I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2}$$
$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

موٹر پر لاگو برتی دباہ اور اس پر میکانی بوجھ کو % 0، % 25 اور % 75 پر رکھ کر، موٹر کے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  خطوط، مساوات 6.37 سے شکل 6.10 میں ترسیم کیے گئے ہیں۔ چونکہ امالی دباہ  $I_m$  کا راست متناسب ہوتا ہے المذا یہی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  خطوط بھی ہوں گے۔ان میں سے ہر خط ایک معین میکانی بوجھ  $I_a$  کے لئے ہے جہاں ورج ذیل ہو گا۔

$$(6.38) p = V_a I_a \cos \phi$$



شکل 6.9: موٹر کادوری سمتیہ۔



 $I_m$ ميدانى کچھے کا برتی رو $I_m$ شکل  $I_0$ : موٹر کی  $I_m$  بالقابل  $I_0$  ترسیم

6.10 اس مساوات کے تحت p اور  $V_a$  تبدیل کیے بغیر جزو طاقت تبدیل کر کے  $I_a$  تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ شکل  $V_a$  تبدیل کیا جاتا ہے۔ مخصوص  $V_a$  اور  $V_a$  کی مدد سے ترسیم کیا جاتا ہے۔ مخصوص  $V_a$  اور  $V_a$  کے محتلف  $I_a$  پر مساوات  $I_a$  کی مساوات  $I_a$  کیا جاتا ہے۔ اس کے بعد ہر انفرادی  $I_a$  اور مطابقتی  $V_a$  و مساوات  $I_a$  میں پر  $I_a$  کر کے  $I_a$  حاصل کیا جاتا ہے۔ مخصوص  $I_a$  کے لئے  $I_a$  بالقابل  $I_a$  ترسیم کیے جاتے ہیں۔ شکل  $I_a$  میں  $I_a$  کے ترسیمات بیش کی گئی ہیں۔  $I_a$  کے ترسیمات بیش کی گئی ہیں۔

موٹر کے خطوط سے واضح ہے کہ  $I_m$  تبدیل کر کے موٹر کا جزو طاقت تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ یوں موٹر کو پیٹی زاویہ یا ناخیری زاویہ پر چلایا جا سکتا ہے۔ حقیقت میں ایبا نہیں کیا جاتا ہے چونکہ معاصر موٹر سے برق گھیر نیادہ ستا دستیاب ہوتا ہے۔

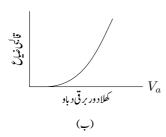
### 6.6 کھلاد وراور کسر د ور معائنہ

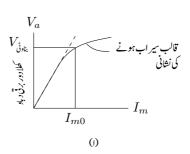
معاصر مثین کا مساوی دور بنانے کے لئے مساوی دور کے اجزاء جاننا لازم ہے جنہیں دو قتم کے معائنوں سے معلوم کیا جاتا ہے۔ انہیں کھلا دور معائنہ اور کسر دور معائنہ کہتے ہیں۔ان معائنوں سے قالب کے سیر ابیت کے اثرات بھی اجاگر ہوتے ہیں۔اسی قتم کے معائنے ٹرانسفار مر کے بھی کیے جاتے ہیں جہاں کھلا دور معائنہ ٹرانسفار مر کے بناوٹی برقی دباو جبکہ کسر دور معائنہ بناوٹی برقی رو پر کیا جاتا ہے۔ یہاں بھی ایسا کیا جائے گا۔

### 6.6.1 كطلاد ورمعائنه

معاصر مثین کے برتی سرے کھلا رکھ کر، مثین کو معاصر رفتار پر گھماتے ہوئے مختلف  $I_m$  پر پیدا برتی دباو  $V_a$  مثین کے سروں پر ناپا جاتا ہے ۔ان کی رو  $I_m$  بالمقابل دباو  $V_a$  ترسیم شکل 6.11-1 میں دی گیا ہے۔ یہ ترسیم مثین کی کھلا دور خاصیت ظاہر کرتی ہے۔ یہ ترسیم مثین بنانے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

اس كتاب كے حصد 2.8 ميں بتايا گيا كہ قالب پر لا گو مقناطيسى دباو بڑھانے سے قالب ميں مقناطيسى بہاو بڑھتا ہے البتہ جلد ہى قالب سيراب ہو جاتا ہے۔يہ اثر شكل-ا ميں ترسيم كے جھكاو سے واضح ہے۔ قالب سيراب نہ ہونے





شكل 6.11: كھلا دور خطاور قالبی ضیاع۔

کی صورت میں ترسیم نقطہ دار سید تھی ککیر کی پیروی کرتی۔مثنین کا بناوٹی برقی دباو اور اس کے حصول کے لئے درکار رو  $I_{m0}$  بھی دکھائے گئے ہیں۔

کھلا دور معائنہ کے دوران دھرے پر میکانی طاقت  $p_1$  کی پیائش بے بوجھ مشین کا ضیاع طاقت دے گی۔ اس کا بیشتر حصہ رگڑی ضیاع، کچھ قالبی ضیاع اور کچھ گھومتے لچھے کا ضیاع ہو گا۔ یاد رہے گھومتے لچھے کو عموماً دھرے پر نسب یک سمت جزیئر برقی توانائی فراہم کرتا ہے جس کو از خود طاقت محرک 22 فراہم کرتا ہے۔رگڑی ضیاع کا مشین نسب یک سمت جزیئر برقی خاص تعلق نہیں پایا جاتا ہے للذا بے بوجھ مشین اور بوجھ بردار مشین کا رگڑی ضیاع ایک جیسا تصور کیا جاتا ہے۔

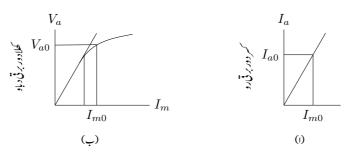
رو  $I_m$  صفر رکھتے ہوئے دوبارہ دھرے پر میکانی طاقت  $p_2$  کی پیائش صرف رگڑی ضیاع دے گا۔ان پیائشوں کا فرق  $(p_1-p_2)$  قالبی ضیاع اور گھومتے کچھے کا برقی ضیاع ہو گا۔ گھومتے کچھے میں برقی ضیاع بہت کم ہوتا ہے اور اس کو عموماً قالب کے ضیاع کا حصہ تصور کیا جاتا ہے۔ یوں پیائش کردہ قالبی ضیاع کی ترسیم شکل  $(p_1-p_2)$  میں دی گئ ہے۔ ۔

### 6.6.2 كسر دور معائنه

 $I_a$  معاصر مشین کو معاصر رفتار پر بطور جزیئر چلاتے ہوئے ساکن کچھا کسر دور کر کے مختلف  $I_m$  پر کسر دور برقی رو $I_a$  نابی جاتی ہے۔ ان کی ترسیم شکل 6.12-ا میں دی گئی ہے جو خط کسر دور مشین کی خاصیت دکھاتی ہے۔

capacitor<sup>21</sup>

<sup>22</sup> گھومتے کچھے کو آوانائی یک سمت جزیٹر مہیا کر تاہ اور اس جزیٹر کودھرے سے توانائی موصول ہوتی ہے۔



شكل 6.12: كسر دور خطاور كطيح دور خطيه

کسر دور معائنہ کے دوران دھیان رہے کہ  $I_a$  خطرناک حد تک بڑھ نہ جائے۔ جزیٹر کے بناوٹی  $I_a$  یا اس سے دگنی قیمت سے رو کو کم رکھا جاتا ہے۔اییا نہ کرنے سے مثین گرم ہو کر تباہ ہو سکتی ہے۔

کسر دور مشین میں بناوٹی برقی دباو کے دس سے پندرہ فی صد برقی دباو پر مشین میں سو فی صد برقی رو پایا جاتا ہے۔ اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے خلائی درز میں اسی تناسب سے کم مقناطیسی بہاو درکار ہو گا۔

شکل 6.5-ا میں جزیٹر کا مساوی برتی دور دکھایا گیا ہے جسے شکل 6.13 میں کسر دور دکھایا گیا ہے۔یوں درج زیل ہو گا۔

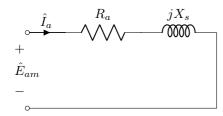
$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

کی بنا مزاحمت  $R_a$  نظر انداز کر کے اس مساوات سے معاصر امالہ حاصل ہو گا۔  $X_s >> R_a$ 

(6.40) 
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

مساوات 6.40 میں  $\hat{I}_a$  کسر دور مشین کا برتی رو اور  $\hat{E}_{am}$  اسی حال میں مشین کے ایک دور کا امالی دباو ہے۔ کھلے دور مشین میں  $\hat{I}_a$  صفر ہونے کی صورت میں  $\hat{E}_{am}$  اور مشین میں  $\hat{I}_a$  صفر ہونے کی صورت میں  $\hat{I}_{am}$  اور مشین میں  $\hat{I}_a$  کے ایک معین معین  $\hat{I}_{am}$  پر شکل  $\hat{I}_{am}$  اور شکل  $\hat{I}_{am}$  اور شکل  $\hat{I}_{am}$  کے ایک معین  $\hat{I}_{am}$  کے ایک میں معین  $\hat{I}_{am}$  کے ایک میں معین  $\hat{I}_{am}$  کے ایک میں معین  $\hat{I}_{am}$  ماصل کی جا سکتی ہے۔

(6.41) 
$$X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad X_s \gg R_a \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

شكل 6.13: معاصراماليه

معاصر امالہ کو عموماً مثین کے بورے (بناوٹی) برقی دباو پر معلوم کیا جاتا ہے تاکہ قالب کی سیر ابیت کے اثرات کو بھی شامل ہو۔

مثین کو ستارہ نما تصور کر کے اس کا یک دوری  $X_s$  حاصل کیا جاتا ہے۔یوں اگر معائنہ میں مثین کا تار برقی وباو $^{23}$  دباو $^{23}$  ناپا گیا ہو تب ضروری ہے کہ اس کو  $\sqrt{3}$  سے تقسیم کر کے یک دوری دباو حاصل کر کے مساوات  $\sqrt{3}$  میں استعمال کیا جائے گا۔

$$V_{\zeta,j,\zeta} = \frac{V_{\lambda^*}}{\sqrt{3}}$$

مثال 6.4: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر، ستارہ، 415 وولٹ پر چلنے والی تین دوری معاصر مشین کا کھلا دور اور کسر دور معائنہ کہا گیا۔حاصل نتائج درج ذیل ہیں۔

- $oldsymbol{\cdot}$  کھلا دور معائنہ:  $I_m=3.2\,\mathrm{A}$  اور  $I_m=3.2\,\mathrm{A}$  ہیں۔
- كسر دور معائنه: جس لمحه قوى لحجهے كا برقى رو A 104 تھا اس لمحه ميدانى لحجهے كا برقى رو A 2.48 تھا اور جس لمحه قوى لحجهے كا برقى رو A 126 تھا اس لمحه ميدانى لحجھے كا برقى رو A 3.2 تھا۔

اس مشین کا معاصر امالیہ تلاش کریں۔

حل: کپ دوري برقي د باو درج ذيل هو گا۔

$$V_{\zeta, \zeta} = \frac{V_{x}}{\sqrt{3}} = \frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \,\text{V}$$

line  $voltage^{23}$ 



شكل 6.14: كسر دور معاصر مشين ميں ضياع طاقت۔

کھلا دور مشین پر 239.6 وولٹ کے لئے 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رو درکار ہو گا جبکہ 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رو پر کسر دور برقی رو 126 ایمپیئر ہو گا لہذا یک دوری معاصر امالہ درج ذیل ہو گا۔

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901\,\Omega$$

П

کسر دور معائنہ کے دوران دھرے پر لاگو میکانی طاقت  $p_3$  کی پیائش سے کسر دور مشین کا کل ضیاع حاصل ہو گا۔  $p_3$  ناپ لیں۔اس ضیاع کا پچھ حصہ قالبی ضیاع، پچھ دونوں لچھوں میں برقی ضیاع اور پچھ رگڑی (میکانی) ضیاع ہو گا۔ شکل 6.14 میں ضیاع طاقت بالقابل کسر دور برقی رو د کھایا گیا ہے۔

ضیاع  $p_3$  کے مخلا دور معائدہ میں حاصل، رگڑی ضیاع  $p_2$  منفی کرنے سے کیچھوں کا ضیاع اور قالمی ضیاع حاصل ہو گا۔ جیسا پہلے ذکر کیا گیا، صرف دس تا ہیس فی صد بناوٹی برقی دباو پر کسر دور مشین میں بناوٹی رو پایا جائے گا۔ اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے درکار مقناطیسی بہاو اتنا ہی کم ہو گا۔ اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے درکار مقناطیسی بہاو اتنا ہی کم ہو گا۔ اتنا کم بوق متناطیسی بباو پر قالمی ضیاع سے نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ مزید ، کسر دور معاصر مشین کے گھومتے کیچھے کا برقی ضیاع ساکن کیچھے کے برقی ضیاع سے بہت کم ہو گا لہٰذا گھومتے کیچھے کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں ( $p_3 - p_2$ ) کو ساکن کیچھے کا برقی ضیاع تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں درج ذیل ہو گا

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
جس سے معاصر مشین کی مساوی مزاحمت حاصل ہو گی۔  $R_a=rac{p_3-p_2}{I_{a,2}^2}$ 

مثال 6.5: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر، 415 وولٹ پر چلنے والی تین دوری معاصر مشین کے بورے (بناوٹی) برقی رو پر کل کسر دور طاقت کا ضیاع 2.2 کلو واٹ ہے۔ اس مشین کی یک دوری موثر مزاحمت حاصل کریں۔

$$-2$$
 اوری ضیاع  $=733.33\,\mathrm{W}$  کی دوری ضیاع  $=733.33\,\mathrm{W}$  کی دوری ضیاع  $=733.33\,\mathrm{W}$  کی دوری ضیاع  $=75000$  میں میں خوالم ہوگا۔  $=104.34\,\mathrm{A}$ 

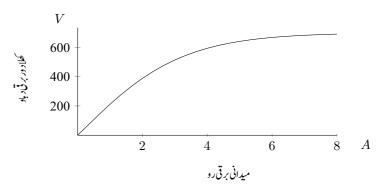
یول مثین کی موثر مزاحت درج ذیل ہو گی۔

$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067\,\Omega$$

П

مثال 6.6: شکل 6.15 میں 500 وولٹ، 50 ہرٹز، 4 قطب، ستارہ، معاصر جزیٹر کا کھلے دور خط دکھایا گیا ہے۔اس جزیٹر کا معاصر امالہ 0.11 اوہم اور قوی کچھے کی مزاحمت 0.01 اوہم ہے۔پورے برقی بوجھ، 0.92 تاخیری جزو طاقت<sup>24</sup> پر جزیٹر کا معاصر امالہ 1000 ایمپیئر فراہم کرتا ہے۔پورے بوجھ پر رگڑی ضیاع اور کچھے کی مزاحمت میں ضیاع کا مجموعہ 30 کلو واٹ جبہ قالمی ضیاع 25 کلو واٹ ہے۔

- جزیٹر کی رفتار معلوم کریں۔
- بے بوجھ جزیٹر کی سرول پر 500 وولٹ برقی دباو کتنے میدانی برقی رو پر حاصل ہو گا؟
- اگر جزیٹر پر 0.92 تاخیری جزو طاقت، 1000 ایمپیئر کا برقی بوجھ لادا جائے تب جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رو در کار ہو گا؟
- جزیٹر پورے بوجھ پر کتنی طاقت فراہم کر رہاہے جبکہ اس کو محرک کتنی میکانی طاقت فراہم کر رہاہے۔ان دو سے جزیٹر کی فی صد کارگزاری 25 تلاش کریں۔
  - اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تو اس لحہ اس کے برقی سروں پر کتنا برقی دباو ہو گا؟
- اگر جزیٹر پر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش جزو طاقت کا بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برتی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنا میدانی برقی رو درکار ہو گا؟



شكل 6.15: كعلاد ورخطيه

• ان 1000 ایمبیئر تاخیری جزو طاقت اور پیش جزو طاقت بوجھوں میں کونسا بوجھ زیادہ میدانی برقی روپر حاصل ہو گا؟ جزیر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہو گا؟

حل:

- و من من ماصل ہوتا  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  جیکر فی سینڈ یا  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  جیکر فی منٹ ماصل ہوتا  $f_e = \frac{P}{2} f_m$ 
  - شكل 6.15 سے 500 وولٹ كے لئے دركار ميداني برتى رو تقريباً 2.86 ايمپيئر پڑھا جاتا ہے۔
- سارہ برقی دباو کے تعلق  $V_{JR} = \sqrt{3}V_{JR} = 289$  ہوتا ہے۔ سارہ جو تی دوری برقی دباو کے تعلق میروں برقی رو برابر ہوتے ہیں۔ جزو طاقت کو سارہ یک دوری برقی دباو کے نسبت جوڑ میں یک دوری برقی رو اور تار برقی رو برابر ہوتے ہیں۔ جزو طاقت کو سارہ یک دوری برقی دباو  $\frac{2890^\circ}{1000}$  کھا جائے  $\frac{2890^\circ}{1000}$  کھا جائے گا۔ یوں شکل 6.4 یا مساوات 6.24 سے اندرونی سب تاخیری دوری برقی رو  $\frac{6.200-1000}{1000}$  کھا جائے گا۔ یوں شکل 6.4 یا مساوات 6.24 سے اندرونی پیدا یک دوری برقی دباو

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left( R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^\circ} + 1000 \underline{/-23.07^\circ} (0.01 + j0.1) \\ &= 349 \underline{/14.6^\circ} \end{split}$$

lagging power factor<sup>24</sup> efficiency<sup>25</sup>

 $\sqrt{3} \times 349 = 604$  ما مل ہو گا جس سے اندرونی پیدا تار برقی دباو  $\sqrt{3} \times 349 = 604 \times \sqrt{3}$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل  $\sqrt{3} \times 349 = 604$  میدانی برقی رو پڑھا جاتا ہے۔

• جزیٹر اس صورت میں

$$\begin{aligned} p &= \sqrt{3} \hat{V}_a \cdot \hat{I}_a \\ &= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92 \\ &= 796743 \, \mathrm{W} \end{aligned}$$

فراہم کر رہاہے جبکہ محرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\text{kW}$$

$$\eta=\frac{796.743}{851.74} imes 100=93.54\%$$
 فراہم کر رہا ہے للذا اس جزیٹر کی کار گزاری

• جزیر سے یک دم برقی بوجھ ہٹانے کے لمحہ پر جزیر کے برقی سروں پر 604 وولٹ برقی دباو ہو گا۔

• پیش جزو طاقت کی صورت میں

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left( R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^\circ} + 1000 \underline{/23.07^\circ} (0.01 + j0.1) \\ &= 276 \underline{/20.32^\circ} \end{split}$$

ہو گا جس سے اندرونی پیدا تار برقی دباو  $478=276 imes\sqrt{3}$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتنے دباو کے لئے  $2.7\,\mathrm{A}$  میدانی برقی رو درکار ہو گا۔

• تاخیری جزو طاقت کے بوجھ پر جزیئر کو زیادہ میدانی برقی رو درکار ہے۔میدانی کچھے کی مزاحمت میں اس کی وجہ سے زیادہ برقی طاقت ضائع ہوگی اور جزیئر زیادہ گرم ہوگا۔

مثال 6.7: ایک 415 وولٹ، 40 کلو وولٹ۔ایمپییئر، ستارہ، 0.8 جزو طاقت، 50 ہرٹز پر چلنے والی معاصر موٹر کا معاصر اللہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت میں طاقت کا معاصر المالہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع ایک کلو واٹ جبکہ قالمی ضیاع 800 واٹ ہے۔ یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی بوجھ سے لدی ہے اور یہ 0.8 پیش جزو طاقت پر چل رہی ہے۔یاد رہے کہ معاصر المالہ مشین کو ستارہ نما تصور کرتے ہوئے حاصل کیا جاتا ہے۔

- اس کا دوری سمتیہ بنائیں۔تار کا برتی رو  $\hat{I}_t$  اور قوی کھھے کا برتی رو  $\hat{I}_a$  حاصل کریں۔موٹر کا اندرونی ہیجانی برقی دباو  $\hat{E}_a$  حاصل کریں۔
- میدانی برقی رو کو بغیر تبدیل کئے، میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھا کر دگنا کیا جاتا ہے۔اس صورت میں موٹر کا رد عمل دوری سمتیہ سے واضح کریں ۔
- اس دگنے میکانی بوجھ پر قوی کچھے کا برقی رو، تار کا برقی رو اور موٹر کا اندرونی بیجانی برقی دباو حاصل کریں۔موٹر کا جزو طاقت بھی حاصل کریں۔

#### حل:

• سارہ جڑی موٹر کے سروں پر یک دوری برقی دباو  $239.6 \, \mathrm{V}$  ہوگا جسے صفر زاویہ پر تصور کرتے ہوئے برقی رو کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔یوں  $\hat{V}_{sa}=239.6 \, \mathrm{V}$  کھا جائے گا۔ جزو طاقت 0.8 زاویہ 0.8 کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں تار برقی رو کا پیچ زاویہ یہی ہو گا۔موٹر کو مہیا برقی طاقت اس کی میکانی طاقت اور طاقت کے ضاع کے برابر ہو گی

12200 W + 1000 W + 800 W = 14000 W

جس کے لئے درکار تار کا برقی رو درج ذیل ہو گا۔

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t \cos \theta}$$
$$= \frac{14\,000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$$
$$= 24.346 \text{ A}$$

ستارہ جڑی موٹر کے قوی کیچھے کا برقی رو تار کے برقی رو کے برابر ہو گا۔یوں برقی رو کا زاویہ شامل کرتے ہوئے اسے

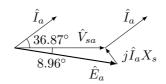
$$\hat{I}_a = \hat{I}_t = 24.346 / 36.87^\circ$$

لکھا جا سکتا ہے۔

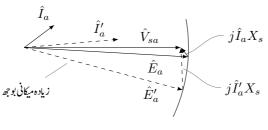
موٹر کا اندرونی یک دوری پیجانی برتی دباو موٹر کے مساوی دور شکل 6.3 کی مدد سے درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_{a,s} - jX_s \hat{I}_a \\ &= 239.6 / \underline{0^{\circ}} - j2.2 \times 24.346 / \underline{36.87^{\circ}} \\ &= 276 / \underline{-8.96^{\circ}} \end{split}$$

اس تمام صورت حال کو شکل 6.16 میں دوری سمتیات کی مدد سے دکھایا گیا ہے۔



شکل6.16: بوجھ بر دار معاصر موٹر۔



شكل 6.17: يوجھ رڑھنے كااثر۔

میکانی بوجھ بڑھنے سے موٹر کو زیادہ برتی طاقت درکار ہوگی۔ یہ اس صورت ممکن ہوگا جب موٹر کے قوی کیھے کا برقی رو بڑھ سکے۔میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کے اندرونی بیجانی برقی دباو  $\hat{E}_a$  کی مطلق قیت تبدیل نہیں ہو سکتی البتہ اس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔موٹر  $\hat{E}_a$  کی مطلق قیت تبدیل کئے بغیر برتی سروں پر لاگو برقی دباو  $\hat{V}_a$  اور  $\hat{E}_a$  کے بیخ زاویہ بڑھا کر قوی کیھے کا برقی رو اور یوں حاصل برقی طاقت بڑھائے گا۔ایسا شکل  $\hat{V}_a$  میں دکھایا گیا ہے جہاں  $\hat{E}_a$  دوری سمتیہ کی نوک گول دائرہ پر رہتی ہے۔یوں اس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔زاویہ بڑھنے  $\hat{I}_a$  ابڑھتا ہے۔چونکہ  $\hat{V}_a$  نہیں بڑھ رہا للذا در حقیقت قوی کیھے کا برقی رو بڑھ گیا ہے۔زیادہ بوجھ کی صورت حال کو نقطہ دار دکھایا گیا ہے۔

• دگنی میکانی بوجھ پر موٹر کو کل 2620 = 26200 + 800 + 1000 واٹ یا 26.2 کلو واٹ برتی طاقت در کار ہے۔مساوات 6.30 کی مدد سے درج ذیل ہو گا۔

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_aE_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^{\circ}$$

يوں موٹر کا اندرونی بيجانی بر تی د باو <u>°276 –/</u>276 ہو گا اور قوی کچھے کا برتی رو درج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{I}_{a} &= \frac{\hat{V}_{a} - \hat{E}_{a}}{jX_{s}} \\ &= \frac{239 / 0^{\circ} - 276 / -16.89^{\circ}}{j2.2} \\ &= 38 / 17.4^{\circ} \end{split}$$

 $\cos 17.4^\circ = 0.954$  تاره جوڑ کی وجہ سے  $\hat{I}_t$  بھی اتنا ہی ہو گا۔ پیش جزو طاقت

### ياب7

# امالی مشین

قوی برقیاہا کی میدان میں ترقی کی بنا امالی موٹروں کی رفتار پر قابو رکھنا ممکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کارخانوں میں یک سمت رو موٹروں کی جگہ لینا شروع کیا۔اس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہم ہوتی وہاں یک سمت رو موٹر استعال ہوتی جن کی رفتار پر قابو رکھنا نہایت آسان ہوتا ہے۔ پچاس سال پہلے ترقی یافتہ ممالک میں یک سمت موٹر کی جگہ امالی موٹروں نے لینا شروع کیا۔ آج میں یہی تبدیلی پاکستان میں دیکھ رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیرپا کام کرنے کی صلاحیت مثالی ہے۔ قوی الیکٹر انکس نے ان کی رفتار کو قابو کر کے بلا مقابلہ بنا دیا۔

امالی موٹر ٹرانسفار مرکی دوسری صورت ہے یا یوں کہنا بہتر ہو گا کہ یہ ایک ایبا ٹرانسفار مر ہے جس کا ثانوی لچھا حرکت بھی کرتا ہے۔ یوں امالی موٹر کے ساکن کچھے ٹرانسفار مرکے ابتدائی کچھے اور موٹر کے گھومتے کچھے ٹرانسفار مرکے فات فراہم کی جاتی ہے جبکہ خلاء میں گھومتے فانوی کچھے تصور کیے جا سکتے ہیں۔ موٹر کے ساکن کچھوں کو بیرونی برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے جبکہ خلاء میں گھومتے مقاطیعی موج سے پیدا گھومتے کچھوں میں امالی برقی دباو ان کچھوں کو طاقت فراہم کرتا ہے۔ اس کی بنا ان کو امالی موٹر کہتے ہیں

اس باب کا مقصد امالی موٹر کے مساوی دور (ریاضی نمونہ) 3کا حصول اور موٹر کی خواص پر غور کرنا ہے۔ ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دور ٹرانسفار مر کے مساوی دور کی طرح ہو گا۔

> power electronics<sup>1</sup> induction motor<sup>2</sup> mathematical model<sup>3</sup>

ہم فرض کریں گے کہ موٹر دو قطبی، تین دوری، ستارہ بڑا ہے۔اس طرح یک دوری کچھوں کا برقی رو، تار برقی رو ہو گا اور ان پر لا گو برقی دباو، یک دوری برقی دباو ہو گا۔ایسا کرنے سے مسئلے پر غور کرنا آسان ہو گا جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے کارآ مد ہو گا۔

### 7.1 ساكن لچھوں كى گھومتى مقناطيسى موج

امالی مشین کے ساکن کچھے بالکل معاصر مشین کے ساکن کچھوں کی طرح ہوتے ہیں۔ مزید گھومتے حصہ اور ساکن کچھوں کے قطبین کی تعداد ایک جیسی ہو گی ۔ ساکن کچھوں کو متوازن تین دوری برقی روسے ہیجان کرنے سے گھومتے مقاطیسی دباوگی ایک موج پیدا ہو گی۔ مساوات 5.49 اس موج کو ظاہر کرتی ہے جبکہ مساوات 5.53 اس کی معاصر رفیار دیتی ہے۔ یہ دونوں مساوات یہاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ یہاں ساکن کچھوں میں برقی روکی تعدد  $\omega$  کھی گئی ہے اور  $\alpha$  صفر لیا گیا ہے۔

(7.1) 
$$\tau_s^+(\theta, t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega_e t)$$
$$f_m = \frac{2}{P}f_e$$

### 7.2 مشین کاسر کاواور گھومتی امواج پر تبھرہ

ہم دو قطب کے مثین پر غور کر رہے ہیں جو P قطبی مثین کے لئے بھی درست ہے۔ساکن کچھوں میں تین دوری برقی روکی تعدد  $f_e$  ہے۔مساوات  $f_e$  کہتی ہے کہ دو قطبی مثین میں موج کی معاصر رفتار بھی  $f_e$  چکر فی سیکنڈ ہو گی۔ اب نصور کریں مثین کا گھومتا حصہ ،  $f_e$  میکانی چکر فی سیکنڈ کی رفتار سے موج کے رخ گھوم رہا ہے جہاں  $f_e$  کے اب نصورت میں ہر سیکنڈ گھومتا حصہ مقناطیسی بہاو کی موج سے پیچھے سرک جائے گا۔اس سرکنے کو موج کی معاصر رفتار کی نسبت سے درج ذیل لکھا جاتا ہے۔

$$(7.2) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یہاں s مشین کے سرکاو $^4$  کی ناپ ہے۔اس مساوات سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

یہاں غور کیجیے گا۔ مقناطیسی بہاو کی موج  $f_e$  تعدد سے گھوم رہی ہے جبکہ گھومتے کچھے کی تعدد f ہے۔ گھومتے کچھا کے حوالہ سے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  رفتار سے گھوم رہی ہے، یعنی، گھومتے کچھے کو ساکن تصور کرنے سے گھومتے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  اضافی رفتار سے گھومتی نظر آئے گی۔ یوں گھومتے لچھا میں امالی برقی دباو کی تعدد بھی  $(f_e-f)$  ہو گی۔ مساوات  $f_e$  کی مدد سے اس امالی برقی دباو کی تعدد  $f_r$  درج ذیل کھی جا سکتی ہے۔

(7.4) 
$$f_r = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

مثین بطور امالی موٹر استعال کرنے کے لئے گھومتے کچھے کسر دور کیے جائیں گے۔ان کسر دور کچھوں میں برقی رو کی تعدد  $sf_e$  اور رو کی قیمت کچھوں میں پیدا امالی برقی د باو اور کچھوں کی رکاوٹ پر منحصر ہو گی۔ کچھوں کی رکاوٹ برقی رو کی تعدد پر منحصر ہو گی۔

ساکن موٹر جب چالو کی جائے تو اس کا سرکاو s اکائی ( s=1 ) ہوگا لہذا گھومتے کچھوں میں برتی رو کی تعدد  $f_e$  ہوگی۔ گھومتے کچھوں میں  $f_e$  تعدد کا برتی رو ایک گھومتی مقناطیسی دباو کی موبی پیدا کرے گا جو معاصر رفتار سے گھومے گی۔ یہ بالکل اسی طرح ہے جیسا ساکن کچھوں میں برتی رو سے گھومتے مقناطیسی دباو کی موبی وجود میں آتی ہے۔ یوں موٹر چالو کرنے کے لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو کی امواج ایک جیسی رفتار سے گھومتی بیس مقناطیسی دباو کی امواج ایک جیسی مفار ہو۔ یوں موٹر جیس مقناطیسی دباو کی یہ امواج دو گھومتے مقناطیسوں کی طرح کوشش کرتی ہیں کہ ان کے بی زاو یہ صفر ہو۔ یوں موٹر قوضے مروڑ کی پیدا کرتی ہے جسے مساوات 5.92 میں پیش کیا گیا ہے۔ اگر موٹر کے دھرے پر لدے بوجھ کو مشین کی پیدا کردہ قوت مروڑ گھما سکے تو مشین گھومے گی۔ اس کی رفتار تیز ہو کر ایک برقرار حد تک بی جائے گی۔ امالی موٹر کی رفتار کبھی بھی معاصر رفتار تک نہیں بی جائی ہو گی اس رفتار پر اس کے گھووں کی نسبت سے ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج ساکن ہو گی اور گھومتے کچھوں میں کوئی امالی برتی دباو کی دباو کی موج ساکن ہو گی اور گھومتے کچھوں میں کوئی امالی برتی دباو کی دباو پیدا نہیں ہوگا۔

جب موٹر چل پڑتی ہے تو اس کے گومتے کچھوں کے برقی رو کی تعدد  $sf_e$  ہو گی۔ معاصر رفتار، برقی رو کی تعدد کے برابر ہونے کی بنا ان برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج گھومتے کچھے کے حوالہ سے  $sf_e$  رفتار سے گھومے

slip<sup>4</sup> torque<sup>5</sup> ا\_\_7. امال شين

گی۔اب گھومتا لچھا از خود کسی رفتار f سے گھوم رہا ہو گا لہذا یہ موج در حقیقت خلاء میں  $(f+sf_e)$  رفتار سے گھوہ گی۔مساوات f سے درج ذیل کھا جا سکتا ہے جو ایک اہم متیجہ ہے۔

$$(7.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

یہ مساوات کہتی ہے کہ موٹر جس رفتار سے بھی گھوم رہی ہو، گھومتے کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباوکی موج ساکن کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباوکی موج کی رفتار سے ہی گھومے گی۔

مثال 7.1: ایک چار قطب، ستارہ، 50 ہر ٹز، 415 وولٹ پر چلنے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی (پوری) بناوٹی بوجھ پر پاپنچ فی صد سر کاو پر چلتی ہے۔

- اس موٹر کی معاصر رفتار کتنی گی؟
- پورے بوجھ پر اس کی رفتار کتنی ہو گی؟
- پورے بوجھ پر گھومتے کچھے میں برقی تعداد کتنی ہو گی؟
- پورے بوجھ سے لدے موٹر کی دھرے پر قوت مروڑ کتنی ہو گی؟

#### حل:

- مساوات 7.1 کی مدد سے معاصر رفتار  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  چکر فی سیکنڈ یا 7.1 کی مدد سے معاصر رفتار منگ ہو گی۔
- پورے بوجھ سے لدی موٹر پانچ فی صد سرکاو پر چلتی ہے للمذا اس کی رفتار معاصر رفتار سے کم ہوگی۔موٹر کی رفتار مساوات 7.3 کی مدو سے 23.75 = 25(1-0.05) = 23 چکر فی سکنڈ یا 1425 چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔
  - و گومتے کچھے کی برتی تعداد  $f_r = 0.05 \times 50 = 2.5$  ہو گا۔
  - ی میں کے وظرے پر قوت مروڑ  $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \mathrm{Nm}$  کی۔

## 7.3 ساكن لچھوں ميں امالى برقى دباو

مساوات 7.1 کا پہلا جزو ساکن کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباو کی موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ مقناطیسی دباو مثین کی خلائی درز میں مقناطیس بہاو  $B^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ خلائی درز میں مقناطیس بہاو  $B^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ خلائی درز کی ردای رخ لمبائی  $B^+(\theta)$  لیتے ہوئے درج ذیل ہو گا

(7.6) 
$$B^{+}(\theta) = \mu_0 H^{+}(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^{+}(\theta)}{l_g}$$
$$= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega_e t)$$

جو بالکل مساوات 5.4 کی طرح ہے۔ یوں مساوات 5.74 مقناطیسی موج  $B^+(\theta)$  کی ساکن کچھوں میں پیدا کردہ امالی برقی دباو کو ظاہر کرے گی ۔اس مساوات کو یہاں دوبارہ پیش کیا جاتا ہے

(7.7) 
$$e_{as}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t - 90^\circ) = E_s \cos(\omega_t - 90^\circ)$$
$$e_{bs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 150^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 150^\circ)$$
$$e_{cs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 30^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 30^\circ)$$

جہاں  $N_s$  ساکن کیجے کے چکر اور  $E_s$  درج ذیل ہے۔

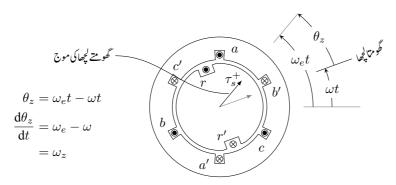
$$(7.8) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

a یہاں a کھتے ہوئے زیر نوشت میں a ، دور a کو ظاہر کرتا ہے اور a ساکن a کھتے ہوئے زیر نوشت میں موج اس کے میں بات آگے بڑھاتے ہیں۔ گھومتی مقناطیسی دباو کی موج اس کچھے میں امالی برتی دباو a پیدا کرتی ہے۔

### 7.4 ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیداامالی برقی دباو

مساوات 7.1 کا پہلا جزو، ساکن کچھوں کی پیدا کردہ، گھومتے مقناطیسی دباو کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔اس موج کی چوٹی  $\theta = 0$  اور لحمہ چوٹی  $\theta = 0$  سفر زاویہ پر ہوگی اور لحمہ عام پر ہوگی جہال  $\theta = 0$  صفر کے برابر ہو۔ یول لحمہ صفر پر اس کی چوٹی صفر زاویہ پر ہوگی اور لحمہ

الفظ ساکن میں حرف س کے آواز کوsہے ظاہر کیا گیاہے۔ $\mathrm{peak}^7$ 



شکل 7.1: امالی موٹراوراس کے گھومتے مقناطیسی دباو کی موجیں۔

t پر اس موج کی چوٹی زاویہ  $w_e t$  پر ہوگی۔ ساکن کچھوں کی مقناطیسی دباو کی موج کا زاویہ کسی بھی نقطہ کے حوالے سے ناپا جا سکتا ہے۔ اس کتاب میں ساکن کچھا a کو صفر زاویہ تصور کیا گیا ہے۔ یوں شکل a میں نقطہ دار افقی کلیر سے زاویہ ناپا جائے گا۔ اس شکل میں ایک امالی موٹر دکھائی گئی ہے جس کے ساکن کچھے تین دوری ہیں۔

$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$  اگرچہ مقناطیسی موج نے  $\omega_e t$  زاویہ طے کیا لیکن گھومتے کچھے کے حوالے سے اس نے صرف زاویہ  $\omega_e t$  اضافی  $\omega_e t$  زاویائی رفتار  $\omega_e t$  درج ذیل ہوگی

(7.10) 
$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

جس کو مساوات 7.4 کی مدد سے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(7.11) \omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s \omega_e$$

یں کھتے ہوئے زیر نوشت میں 2، لفظا ضافی کے حرف ض کی آواز کو ظاہر کرتا ہے۔  $z^8$  relative angular speed

یہ مساوات کہتی ہے کہ گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی رفتار سرکاو s پر منحصر ہو گی۔البتہ اس موج کا حیطہ تبدیل نہیں ہوا۔ یوں مساوات 7.6 گھومتے کچھے کے حوالے سے درج ذیل صورت اختیار کرے گی۔

(7.12) 
$$B_{s,rz}^{+}(\theta,t) = B_0 \cos(\theta - \omega_z t) = B_0 \cos(\theta - s\omega_e t)$$

یں  $B_{s,rz}^+$  میں + کا نشان گھڑی کے مخالف رخ گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں s,rz اس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن کچھوں کی وجہ سے وجود میں آئی اور اسے گھومتے یعنی رواں کچھوں کے حوالے سے دیکھی جا رہی ہے۔مزید، اس مساوات کی تعدد اضافی تعدد  $s\omega_e$  کے برابر ہے۔

 $\omega_z=s\omega_e t$  يوں گھومتے کچھوں ميں امالى برقى د باو مساوات  $\sigma=0.7$  كى طرح ہوں گے ليكن ان ميں تعدد

(7.13) 
$$e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 90^\circ)$$
$$e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 150^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 150^\circ)$$
$$e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 30^\circ)$$

ان مساوات میں  $N_r$  گھومتے کچھے کے چکر ہیں اور  $E_r$  درج ذیل ہے۔

$$(7.14) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

اب تصور کریں گھومتے کچھوں کو کسر دور کر دیا جاتا ہے۔امالی برتی دباو گھومتے کچھوں میں برتی رو $^{12}i_{arz}$ ، وغیرہ، پیدا کرے گا جس کا تعدد  $s\omega_e$  ہو گا۔ بالکل ساکن کچھے کی طرح، گھومتے کچھے کی مزاحمت  $^{13}R_r$  اور اس کا امالہ  $^{13}R_r$  ہو گا جس کی متعاملیت  $^{13}m_e$  درج ذیل ہو گی۔

$$(7.15) js\omega_e L_r = jsX_r$$

یہاں  $jX_r$  کو  $j\omega_e L_r$  یعنی  $jX_r$  ککھا گیا ہے جو ساکن کچھا (جس کا سرکاو اکائی ہو گا) کی متعاملیت ہے۔ گھومتے کچھے کا برقی رو $i_{arz}(t)$  مساوات 7.13 دیتی ہوتی رو $i_{arz}(t)$  مساوات 7.13 دیتی ہے۔

ا لفظ ساکن کے میں کو ظاہر کرتا ہے ،r لفظ روال کے رکو ظاہر کرتا ہے اور چہ لفظ اضافی کے ض کو ظاہر کرتا ہے۔  $arz^{-11}$ 

<sup>12</sup> یمان 7 گھومتے کچھے کو ظاہر کرتاہے اور 2 اس بات کی یاد دھیانی کرتاہے کہ اس بر قی رو کا تعدد ،اضا فی اتعدد ہے۔ 13 ٹر انسفار مرکی اصطلاح میں ثانو کی کچھے کو زیر نوشت میں 2 ہے ظاہر کرتے ہیں۔ یمان اے ۲ ہے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$Z_r = R_r + jsX_r$$

$$+$$

$$e_{arz}$$

$$-$$

$$\hat{I}_{arz} = \frac{\hat{E}_{arz}}{Z_r}$$

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$

شكل 7.2: گھومتے لچھا كامساوى دوراوراس ميں اضافى تعدد كاروپ

شکل 7.2 بالکل شکل 1.15 کی طرح ہے لہذا مساوات 1.50 سے برتی رو حاصل کیے جا سکتے ہیں:

$$(7.16) \\ i_{arz}(t) &= \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos\left(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z\right) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0) \\ i_{brz}(t) &= \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos\left(s\omega_e t + 150^\circ - \phi_z\right) = I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0) \\ i_{crz}(t) &= \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos\left(s\omega_e t + 30^\circ - \phi_z\right) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہ تین دوری برقی رو ہیں جو آپس میں °120 زاویہ رکھتے ہیں۔ یہاں  $\phi_z$  رکاوٹ کا زاویہ  $\phi_z$  امید کی جاتی ہے کہ اے آپ مقناطیسی بہاو نہیں سمجھیں گے۔درج بالا مساوات میں درج ذیل ہوں گے۔

(7.17) 
$$\theta_0 = -90 - \phi_z \\ I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

شکل 7.2 سے واضح ہے کہ ایک گھومتے کیچھے کی مزاحمت میں

$$(7.18) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا۔ یہ طاقت حرارت میں تبدیل ہو کر مزاحت کو گرم کرے گا۔

ہے۔ یہاں بہی کیا گیا ہے۔  $\phi$ استعال ہوتا ہے۔ یہاں بہی کیا گیا ہے۔  $\phi$ 12 کیا گیا ہے۔

# 7.5 گھومتے کیچھوں کی گھومتے مقناطیسی دیاو کی موج

ہم جانتے ہیں کہ ساکن تین دوری کچھوں میں  $f_e$  تعدد کے برقی رو گھومتے مقناطیسی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں جو  $sf_e$  ساکن کچھے کے حوالے سے  $f_e$  معاصر زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اسی طرح گھومتے تین دوری کچھوں میں  $sf_e$  ناویائی تعدد کے برقی رو ایک گھومتے مقناطیسی دباو کی موج  $\tau_{rz}^+$  پیدا کرتے ہیں جو گھومتے کچھے کے حوالے سے  $sf_e$  زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔

(7.19) 
$$\tau_{rz}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - s\omega_e t - \theta_0)$$

یبال  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  مساوات 7.17 میں دیے گئے ہیں۔ گھومتا کچھا از خود f زاویائی رفتار سے گھوم رہا ہو گا للذا اس کی پیدا کردہ موج خلائی درز میں  $(f+sf_e)$  زاویائی رفتار سے گھومے گی۔ اس رفتار کو مساوات 7.3 کی مدد سے درج ذیل کھھا جا سکتا ہے۔

$$(7.20) f + sf_e = f_e(1-s) + sf_e = f_e$$

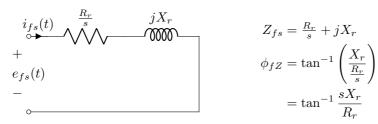
یوں گھومتے لیچھوں کے مقاطیسی دباو کی موج کو ساکن لیچھوں کے حوالے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

(7.21) 
$$\tau_{r,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

ہے میں + کا نشان گھڑی کے مخالف رخ گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں r,s اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ بیہ موج گھومتے کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا ہے مگر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔

یہاں ذرا رک کر غور کرتے ہیں۔ مساوات 7.21 کے مطابق گھومتا کچھا خود جس رفتار سے بھی گھوم رہا ہو، اس کی پیدا کردہ موج ساکن کچھے کی پیدا کردہ موج کی رفتار سے ہی گھومے گی۔ یوں مشین میں دو امواج ایک ہی معاصر رفتار سے گھوم رہی ہوں گی۔ مساوات 5.91 کہتی ہے کہ دو مقناطیسی دباو کی موجیں قوت مروڑ پیدا کرتی ہیں جو امواج کی چوٹیوں اور ان کے بھی زاویہ پر منحصر ہو گی۔امالی مشین میں موجود دو مقناطیسی امواج قوت مروڑ پیدا کرتی ہیں جس کی قیمت ان امواج کی چوٹیوں اور ان کے بھی زاویہ پر منحصر ہو گی۔امالی موٹر، لدے بوجھ کے مطابق امواج کی بین جس کی قیمت ان امواج کی جوٹیوں اور ان کے بھی زاویہ پر منحصر ہو گی۔امالی موٹر، لدے بوجھ کے مطابق امواج کی بین جس کی قیمت ان امواج کی جوٹیوں اور ان کے بیدا کرتی ہے۔

باب. ١ مالي شين



شكل 7.3: گھومتے کچھوں كى جَلَّه فرضى ساكن کچھے كادور۔

# 7.6 گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھوں کی جگہ  $N_r$  چکر کے تین دوری فرضی ساکن کچھے ہوں تب مساوات 7.7 کی طرح ان میں امالی برقی دیاو بیدا ہوں گے:

(7.22) 
$$e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t - 90^\circ) = E_r \cos(\omega_e t - 90^\circ)$$
$$e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 150^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 150^\circ)$$
$$e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 30^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 30^\circ)$$

$$jX_r$$
 اور متعاملیت  $jX_r$  بین: ان فرضی ساکن کچھوں کی مزاحمت  $\frac{R_r}{s}$  اور متعاملیت  $Z_{fs}=rac{R_r}{s}+jX_r$ 

اگران فرضی ساکن کچھوں پر مساوات 7.22 کے برقی دباو لا گو کیے جائیں جیبیا شکل 7.3 میں دکھایا گیا ہے تب ان

میں درج ذیل برقی رو ہوں گے۔

$$(7.24) i_{afs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t - 90^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{bfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 150^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{cfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 300^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہاں مساوات 7.17 استعال کی گئی ہے۔ دھیان رہے کہ ان مساوات میں رکاوٹ کا زاویہ  $\phi_{fZ}$  وہی ہے جو گھومتے لیھے کا تھا:

(7.25) 
$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

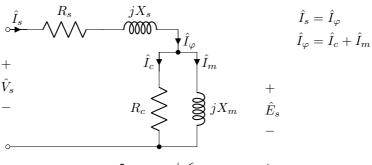
ان رو کا تعدد  $\omega_e$  اور پیدا کردہ گھومتا مقناطیسی موج درج ذیل ہو گا جو ہو بہو گھومتے کچھے کی موج  $au_{r,s}( heta,t)$  ہے۔

(7.26) 
$$\tau_{fs,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

### 7.7 امالي موٹر کامساوي برقی دور

کھا جا سکتا ہے جہاں اُن ابتدائی کچھے پر لا گو بیرونی برقی دباو ہے۔ہم دیکھیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی میں مساوات حاصل ہو گی۔

leakage reactance<sup>16</sup>



شکل7.4:امالی موٹر کے ساکن کچھوں کامساوی برقی دور۔

نصور کریں کہ مشین کے گھومتے کچھے کھلا دور ہیں اور ساکن کچھوں پر تین دوری برقی دباو لا گو ہے۔ ساکن کچھوں کے برقی رو گھومتے مقناطیسی دباو کی ایک موج  $au_s^+(\theta,t)$  پیدا کریں گے جو مساوات 7.1 میں دی گئی ہے۔

اس حصہ میں ہم مشین کے ایک دور، مثلاً دور a، پر نظر رکھیں گے۔ یہاں شکل 7.4 سے رجوع کریں۔اگر ساکن کچھ کی مزاحمت  $R_s$  اور متعاملیت  $jX_s$  ہو اور اس پر لاگو بیرونی برتی دباو  $v_s(t)$  ہو تب کر نوف j کے برتی دباو کے قانون کے تحت درج ذیل ہو گا

$$(7.28) v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

جہال ( $e_s(t)$  مساوات 7.7 میں دی گئی، اس موج کی ساکن کچھ میں پیدا امالی برقی دباو ہے ۔اس کو دوری سمتیہ کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(7.29) 
$$\hat{V}_{s} = \hat{I}_{s} (R_{s} + jX_{s}) + \hat{E}_{s}$$

ٹرانسفار مرکی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔ اگر موٹر کا گھومتا لچھا کھلا دور 18 رکھا جائے تب قالب میں ایک ہی گھومتے مقاطیسی دباو کی موج  $au^+_s$  ہو گی۔ صرف ساکن لچھے میں برقی رو  $(\hat{I}_{\varphi})$  ہو گا جو قالب میں مقناطیسی بہاو ہو مقناطیسی دباو کی مدد سے اس کے بنیادی اور ہار مونی اجزاء دریافت پیدا کرے گا۔ یہ برقی رو  $\hat{I}_{\varphi}$  غیر سائن نما ہو گا۔ فوریئر تسلسل 19 کی مدد سے اس کے بنیادی اور ہار مونی اجزاء دریافت کئے جا سکتے ہیں۔ اس کے بنیادی جزو کے دو جھے ہوں گے۔ ایک حصہ  $\hat{I}_c$ ، لاگو بیرونی برقی دباو  $\hat{V}_s$  جم قدم اور قالب میں طاقت کے ضاع کو ظاہر کرے گا جبکہ دوسرا حصہ  $\hat{V}_s$  سے نوے درجہ تاخیری زاوبہ پر ہو گا۔  $\hat{I}_{\alpha}$  میں سے قالب میں طاقت کے ضاع کو ظاہر کرے گا جبکہ دوسرا حصہ جو گیسے نوے درجہ تاخیری زاوبہ پر ہو گا۔  $\hat{I}_{\alpha}$  میں سے

Kirchoff's voltage law<sup>17</sup>

open circuited<sup>18</sup>

Fourier series<sup>19</sup>

منفی کر کے مقناطیری جرو حاصل ہو گا جس کو  $\hat{I}_m$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ بنیادی جرو کے لحاظ سے مقناطیسی جرو تاخیری اور باقی سارے ہارمونی اجزاء کا مجموعہ ہو گا۔یہ قالب میں مقناطیسی بہاو  $\varphi_s$  پیدا کرتا ہے۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

امالی موٹر کے مساوی دور میں  $\hat{I}_c$  کو مزاحمت  $R_c$  سے اور  $\hat{I}_m$  کو  $\hat{I}_{\varphi}$  سے یوں ظاہر کیا جاتا ہے کہ چلتی موٹر میں، متوقع برقی تعدد اور امالی برقی دباو  $\hat{E}_s$  پر،  $R_c$  میں  $R_c$  میں  $R_c$  میں وحاصل ہو:

(7.31) 
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$
$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

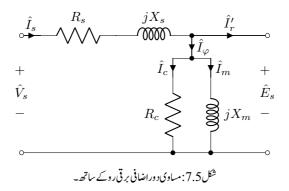
مقناطیسی دباوکی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  گلومتے کچھ میں بھی امالی برتی دباو پیدا کرے گ۔مساوات 7.29 میں اگر رکاوٹ میں برتی دباوک دباوک فر نظر انداز کیا جائے تب لاگو ہیرونی برتی دباو اور کچھ کا اندرونی امالی برتی دباو ہر حالت میں ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔اب تصور کریں کہ گلومتے کچھ کسر دور کر دیے جاتے ہیں۔ ایسا کرتے ہی ان میں برتی روگزرنے لگے گیں جو مقناطیسی دباوکی موح  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$ ، جو مساوات 7.21 میں دی گئی ہے، پیدا کریں گے۔ اس موج سے ساکن کچھ میں امالی برتی دباو $\hat{E}_s$  تبدیل ہوگا للذا امالی برتی دباو اور لاگو برتی دباو ایک دوسرے کے برابر نہیں رہیں گے۔ یہ ایک نا مکنہ صورت حال ہے۔

ساکن کچھ میں امالی برتی دباو، لاگو برتی دباو کے برابر تب رہے گا جب قالب میں مقناطیسی دباو تبدیل نہ ہو۔ مثین کے قالب میں مقناطیسی دباو برقرار یوں رہتا ہے کہ ساکن کچھے، مقناطیسی دباو برتہ ہوہ کہ متناطیسی دباو کی ایک موج پیدا کرتے ہیں جو  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔ یہ موج پیدا کرنے کے لئے ساکن کچھوں میں برتی رو  $\hat{I}_{r,s}(\theta,t)$  ہو جاتی ہے جہاں اضافی برتی رو درج ذبل ہو گا۔

(7.32) 
$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + \theta_0) i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0) i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہ اضافی برقی رو درج ذیل موج پیدا کرتے ہیں۔

(7.33) 
$$\tau_{(r)}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_s I'_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$



ساکن کچھوں میں اضافی برقی رونے ہر لمحہ گھومتے کچھوں کے برقی رو کے اثر کو ختم کرنا ہے للذا یہ دونوں برقی رو ہم قدم <sup>20</sup> ہوں گے۔چونکہ درج بالا مساوات اور مساوات 7.21 برابر ہیں للذا درج ذیل ہو گا۔

$$(7.34) N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

مساوات 7.17 استعال كرتے ہوئے يوں درج ذيل ہو گا۔

(7.35) 
$$I'_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

آپ نے دیکھا کہ گھومتے کچھے مقناطیسی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن کچھوں کو معلوم ہوتا ہے کہ موٹر پر بوجھ لدا ہے اور وہ اس کے مطابق لا گو برقی دباو سے برقی رو لیتی ہیں۔ یہاں تک امالی موٹر کا مساوی برقی دور شکل 7.5 سے رجوع کریں جہاں

(7.36) 
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$
 
$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

\_\_\_\_\_

$$\hat{I}'_r \qquad \frac{\hat{R}'_r}{s} \qquad jX'_r \\ + \qquad \qquad \hat{E}_s \qquad \qquad X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r \\ - \qquad \qquad \circ \qquad \qquad \qquad$$

$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}}\cos(s\omega_{e}t - \theta_{0} - \phi_{z})$$

شكل 7.6: گھومتے لچھے كاايك مساوى دور۔

پر ساکن کچھوں کا امالی برتی و باو $\hat{E}_s$  لاگو ہے لہذا برتی رو درج ذیل ہوں گے۔

(7.37) 
$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

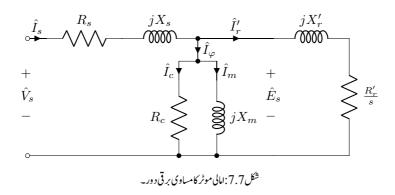
ان سب کے حیطے ایک دوسرے کے برابر ہیں۔اس حیطہ کو

(7.38) 
$$\frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} = \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}'$$

لکھ کر مساوات 7.37 کو درج ذیل صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.39) 
$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

یہ مساوات بالکل مساوات 7.32 کی طرح ہے۔ یوں شکل 7.5 میں ساکن کچھوں کے امالی برتی دباو $\hat{E}_s$  کے متوازی شکل 7.6 جوڑنے سے ساکن کچھوں میں اضافی برتی رو اتنا ہی ہو گا جتنا اصل موٹر میں گھومتے کچھوں کی بنا ہو گا۔ شکل 7.6 میں ایسا کرتے ہوئے امالی موٹر کا مساوی برتی دور حاصل کیا گیا ہے جو امالی موٹر کی صحیح عکاسی کرتا ہے۔



### 7.8 مساوی برقی دوریر غور

ایک گھومتے کچھے میں برقی طاقت کے ضیاع کو مساوات 7.18 ظاہر کرتی ہے۔مساوات 7.36 اور 7.38 کی مدد سے اسے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(7.40) p_{\text{ij}} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$

شكل 7.7 كے گھومتے لچھے كو كل

$$(7.41) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r'}{s}$$

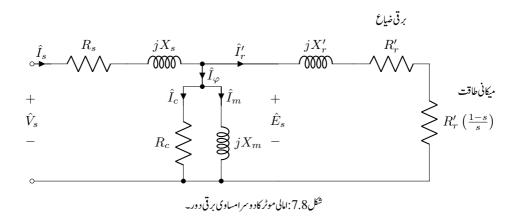
برقی طاقت دی جاتی ہے جس میں سے  $p_{t,t}$  گھومتے کچھے کی مزاحمت میں ضائع ہو جاتی ہے اور باقی بطور میکانی طاقت مشین کے دھرے پر دستیاب ہوتی ہے:

(7.42) 
$$p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^{\prime} = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1 - s) = p_r (1 - s)$$

تین دوری مشین جس میں تین کھے ہوتے ہیں تین گنا میکانی طاقت فراہم کرے گی:

$$p_{\text{i.s.}} = 3I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^\prime}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

مساوات 7.43 کہتی ہے کہ ساکن موٹر، جس کا سرکاو اکائی ہو گا، کوئی میکانی طاقت فراہم نہیں کرتی ہے بلکہ وہ تمام برقی توانائی جو گھومتے حصہ کو ملتی ہے ضائع ہو کر اس حصہ کو گرم کرتی ہے جس سے موٹر جلنے کا امکان ہوتا ہے۔



آپ اس مساوات سے دکھے سکتے ہیں کہ امالی موٹر کا سرکاو صفر کے قریب رہنا چاہئے ورنہ یہ ناقابل قبول (اور ناقابل برداشت) حد تک برتی توانائی ضائع کرے گی۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برتی دور کو شکل 7.8 کی طرح بھی تشکیل دے سکتے ہیں جس میں شکل 7.7 کی مزاحمت  $\frac{R'_r}{2}$  کو دو حصوں میں تقسیم کیا گیا ہے:

$$\frac{R_r'}{s} = R_r' + R_r' \left(\frac{1-s}{s}\right)$$

یوں شکل 7.7 میں مزاحمت  $R'_r$  میں برتی طاقت کا ضیاع  $I'^2_{0r}R'_r$  گھومتے کچھے کا ضیاع جبکہ مزاحمت  $R'_r$  میں برتی طاقت کا ضیاع  $I'^2_{0r}R'_r$  دراصل میکانی طاقت ہو گا۔ یاد رہے کہ تین دوری مشین کے لئے ان نتائج کو تین سے ضرب دینا ہو گا۔

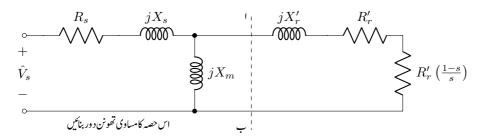
7.3 میکانی طاقت سے مراد قوت مروڑ ضرب میکانی زاویائی رفتار ہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویائی رفتار مساوات  $\omega_{sm}$  دیتی ہے جبکہ مساوات 5.53 میں میکانی معاصر رفتار  $\omega_{sm}$  دیتی ہے۔یوں میکانی طاقت

(7.44) 
$$p = T_m \omega = T_m \times 2\pi f = T_m \times 2\pi (1 - s) f_s = T_m (1 - s) \omega_{sm}$$

اور قوت مروڑ درج ذیل ہو گی۔

(7.45) 
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}^{\prime 2}}{\omega_{sm}} \frac{R_r^{\prime}}{s}$$

اصل موٹر میں رگڑ، قالبی ضیاع، لچھوں میں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بنا، دھرے پر طاقت یا قوت مروڑ ان سے کم ہو گی۔



شکل 7.9: امالی موٹر کاسادہ دور۔ قالبی ضیاع کو نظر انداز کیا گیاہے۔

ر انسفار مرکے سادہ ترین مساوی دور میں  $R_c$  اور  $R_c$  کو نظرانداز کیا گیا تھا۔ امالی موٹر میں ایسا کرنا ممکن نہیں ہوتا چونکہ موٹروں میں خلائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیسی بہاو پیدا کرنے کے لئے بہت زیادہ مقناطیسی دباو در کار ہوتی ہے۔ بے بوجھ امالی موٹر کو بناوٹی برقی رو کا تمیں سے پچاس فی صد برقی رو، قالب کو بیجان کرنے کے لئے در کار ہوتا ہے۔ مزید، خلائی درز کی وجہ سے اس کی رستا امالہ بھی زیادہ ہوتا ہے اور اسے نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البت مساوی دور میں  $R_c$  کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے جیسے شکل  $R_c$  میں کیا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار کلیر کی بائیں مادی تھونن دور بنایا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے امالی موٹر پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ اب ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔

مثال 7.2: ستارہ، چیر قطبی، پچاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے ا اجزاء درج ذیل ہیں۔

$$R_s = 0.5 \,\Omega, \quad R'_r = 0.31 \,\Omega, \quad X_s = 0.9 \,\Omega, \quad X'_r = 0.34 \,\Omega, \quad X_m = 0.22 \,\Omega$$

موٹر میں رگڑ سے طاقت کا ضیاع 600 واٹ ہے۔ قالبی ضیاع کو اس کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اس کو اٹل تصور کیا جائے۔ یہ موٹر درکار وولٹ اور تعداد پر دو فی صد سرکاو پر چل رہی ہے۔اس حالت میں موٹر کی رفتار، اس کے دھرے پر پیدا قوت مروڑ اور طاقت، اس کے ساکن کچھے کا برتی رو اور اس کی فی صد کار گزاری حاصل کریں۔

 $f_m = \frac{2}{6} \times 50 = 16.66 \times 60 = 1000$  چگر نے سکینڈ یا  $f_m = \frac{2}{6} \times 50 = 16.66 \times 60 = 1000$  کی منٹ ہو گی۔دو فی صد سرکاو پر موٹر کی رفتار 16.33 = 16.66  $\times$  (1  $\times$  0.02) = 16.33 پکر فی سکینڈ یا  $f = 16.66 \times (1 - 0.02) = 16.33 \times 60 = 979.8$ 

شكل 7.9 مين دائين جانب

$$jX'_r + R'_r + R'_r \frac{1-s}{s} = jX'_r + \frac{R'_r}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

7.8 مساوي پر تقور ورپر غور

اور  $jX_m$  متوازی جڑے ہیں جن کی مساوی رکاوٹ درج ذیل ہو گی۔

$$\begin{split} \frac{1}{Z} &= \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22} \\ Z &= 10.147 + j7.375 = R + jX \end{split}$$

موٹر پر لا گو یک دوری برقی دباو  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  وولٹ ہے۔ یوں ساکن کچھے کا برقی رو درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{I}_s &= \frac{\hat{V}_s}{R_s + jX_s + Z} \\ &= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.375} \\ &= 17.6956 / \!\!\! -38.155^{\circ} \end{split}$$

اس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طاقت منتقل ہو گی جو رکاوٹ Z کو منتقل ہو گی۔یوں مساوات 7.41 درج ذیل لکھی جا سکتی ہے۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \,\text{W}$$

تین دور کے لئے 3177.37  $\times$  واٹ ہو گی۔مساوات 7.43 موٹر کی اندرونی میکانی طاقت دیتی ہے:

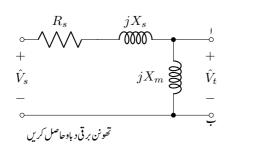
$$p_{\dot{\mathbf{z}}} = 9532 \times (1 - 0.02) = 9341 \,\mathrm{W}$$

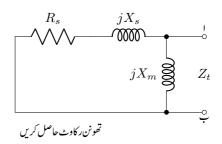
اس سے طاقت کا ضیاع منفی کرنے سے موٹر کے دھرے پر میکانی طاقت 8741 = 600 – 9341 واٹ حاصل ہوتی ہے لہذا دھرے پر قوت مروڑ درج ذیل ہوگی۔

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \,\mathrm{Nm}$$

موٹر کو کل مہیا برقی طاقت  $\sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times \cos(-38.155) = 10001.97$  واٹ ہو گا۔  $\sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times \cos(-38.155) = 10001.97$  یوں اس موٹر کی کار گزاری  $\sqrt{3} \times 87.39 \times 100 = 87.39$  ہو گا۔

ا\_\_7. امال شين





شکل 7.10: تھونن ر کاوٹ اور تھونن برقی د باوحاصل کرنے کے ادوار۔

#### 7.9 امالي موٹر کامساوي تھونن دوريارياضي نمونه

مسئلہ تھون نے <sup>21</sup> کے مطابق کسی بھی سادہ خطی برتی دور<sup>22</sup> کو اس کے دو برتی سروں کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباو کی مساوی سلسلہ وار دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اس مساوی دور کو مساوی تھونن دور کہتے ہیں جبکہ اس مساوی تھونن دور کی رکاوٹ کو تھونن رکاوٹ اور برتی دباو کو تھونن برتی دباو کہتے ہیں۔

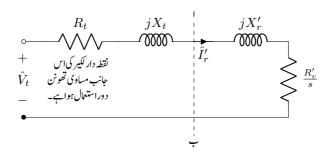
برتی دور کے دو برتی سروں کے نیج تھونن رکاوٹ حاصل کرنے کے لئے برتی دور کے تمام اندرونی برتی دباو کسر دور کر کے ان دو برتی سروں کے نیج رکاوٹ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی رکاوٹ، تھونن رکاوٹ ہو گی۔ انہیں برتی سروں پر تھونن برقی دباو حاصل کرنے کے لئے دیے گئے برتی دور کے تمام اندرونی برتی دباو برقرار رکھ کر ان دو سروں پر برتی دباو معلوم کیا جاتا ہے۔ یہی برتی دباو در حقیقت تھونن برتی دباو ہو گا۔ بعض او قات ہم ایک برتی دور کے ایک خاص حصے کا مساوی تھونن دور بنانا چاہتے ہیں۔ایسا کرتے وقت باتی برتی دور کو اس حصے سے مکمل طور پر منقطع کر کے درکار حصہ کا تھونن مساوی دور حاصل کیا جاتا ہے۔ شکل 7.10 سے ااور ب کے نیج مساوی تھونن رکاوٹ 2 در کار حصہ کا حونن مساوی دور حاصل کیا جاتا ہے۔ شکل 2 درکار حصہ کا تھونن برتی دباو 3 درج ذیل حاصل ہوتے ہیں۔

(7.46) 
$$Z_{t} = \frac{(R_{s} + jX_{s}) jX_{m}}{R_{s} + jX_{s} + jX_{m}} = R_{t} + jX_{t}$$

$$\hat{V}_{t} = \frac{jX_{m}\hat{V}_{s}}{R_{s} + jX_{s} + jX_{m}} = V_{t}/\underline{\theta_{t}}$$

کسی بھی مخلوط عدد  $^{23}$  کی طرح  $_{2}$  کو ایک حقیقی عدد  $_{R_t}$  اور ایک فرضی عدد  $_{j}$  کا مجموعہ کلھا جا سکتا ہے۔ یہی اس

Thevenin theorem<sup>21</sup> linear circuit<sup>22</sup>



شکل 7.11: تھونن دوراستعال کرنے کے بعد امالی موٹر کا مساوی دور۔

مساوات میں کیا گیا ہے۔

ہم یوں امالی موٹر کے مساوی برقی دور کو شکل 7.11 کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں سے دوری سمتیہ کی استعال سے مندرجہ ذیل برقی رو  $\hat{I}'_r$  عاصل ہوتا ہے۔

(7.47) 
$$\hat{I}'_{r} = \frac{\hat{V}_{t}}{R_{t} + jX_{t} + \frac{R'_{r}}{s} + jX'_{r}} \left| \hat{I}'_{r} \right| = I'_{r} = \frac{V_{t}}{\sqrt{\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)^{2} + \left(X_{t} + X'_{r}\right)^{2}}}$$

چونکہ  $\hat{V}_t$  کی قیمت پر  $\hat{V}_t$  کے زاویے کا کوئی اثر نہیں للذا مساوی تھونن دور میں  $\hat{V}_t$  کی جگہ  $V_t$  استعال کیا جا سکتا ہے۔اس کتاب میں ایسا ہی کیا جائے گا۔

مساوات 7.45 اور مساوات 7.47 سے تین دوری مشین کی قوت مروڑ حاصل کرتے ہیں۔

(7.48) 
$$T = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}$$

 $complex number^{23}$ 

بابـــ7. امالي مشين



شكل 7.12: امالي موٹر كي قوت مر وڑ بالتقابل سر كاو\_

اس مساوات کو شکل 7.12 میں و کھایا گیا ہے جہاں موٹر کی رفتار کو معاصر رفتار کی نسبت سے و کھایا گیا ہے۔موٹر ازخود گھومتے مے اور اس کی رفتار معاصر رفتار سے کم رہتی ہے۔زیادہ سرکاو پر موٹر کی کار گزاری خراب ہو جاتی ہے۔ اس لئے لگاتار استعال میں موٹر تقریباً پانچ فی صد سے کم سرکاو پر چلائی جاتی ہے بلکہ ان کی بناوٹ ہے کہ امالی موٹر اپنی بناوٹی طاقت تقریباً پانچ فی صد سے کم سرکاو پر مہیا کرتی ہو۔

اگر موٹر کو زبردستی ساکن کچھوں کے گھومتے مقناطیسی موج کے رخ معاصر رفتار سے زیادہ رفتار پر گھمایا جائے تو یہ ایک جزیٹر کے طور پر کام کرنے شروع ہو جائے گی۔اییا کرنے کے لئے بیرونی میکانی طاقت درکار ہو گی ۔اگرچہ امالی مثین عام طور پر بطور جزیٹر استعال نہیں ہوتی البتہ ہوا سے برقی طاقت کی پیداوار میں انہیں بطور جزیٹر استعال کیا جانے لگا ہے۔

شکل 7.12 میں منفی رفتار بھی دکھائی گئی ہے جہاں سرکاہ کی قیمت اکائی سے زیادہ ہے۔ موٹر کو ساکن کچھوں کے گھومتی مقناطیسی دباہ کی موج کے مخالف رخ گھمانے سے ایسا ہو گا۔ چلتی موٹر کو جلد ساکن کرنے کے لئے ایسا کیا جاتا ہے۔ تین دوری موٹر پر لا گو کسی دو برقی دباہ کو آپس میں تبدیل کرنے سے موٹر کے ساکن کچھوں کے گھومتی معناطیسی موج بیدم مخالف رخ گھومنا شروع ہو جاتی ہے جبکہ موٹر ابھی پہلے رخ گھوم رہی ہوتی ہے۔اس طرح موٹر جلد آہتہ ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رک کر دوسرے رخ گھومنا چاہتی ہے اس پر لا گو برقی دباہ منقطع کر دیا جاتا ہے۔امالی موٹر یوں ریل گاڑی میں عموماً بطور رہ کے (بریک) استعال کی جاتی ہے۔

امالی مشین s < 0 کی صورت میں بطور جنریٹر، s < 1 کی صورت میں بطور موٹر اور s < 1 کی صورت میں بطور روک کام کرتی ہے۔

 $\mathrm{brake}^{24}$ 

امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ مساوات 7.48 سے حاصل کی جا سکتی ہے۔ قوت مروڑ اس لمحہ زیادہ سے زیادہ ہو گی جب گھومتے جھے کو زیادہ سے زیادہ طاقت میسر ہو۔ زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلہ  $\frac{25}{s}$  مطابق مزاحمت  $\frac{R'}{s}$  میں طاقت کا ضیاع اس صورت زیادہ سے زیادہ ہو گا جب (شکل 7.11 میں) اس کی قیمت باقی سلسلہ وار جڑی اجزاء کی قیمت کے برابر ہو:

(7.49) 
$$\frac{R'_r}{s} = \left| R_t + jX_t + jX'_r \right| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

اس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرکاو  $s_z$  حاصل ہو گا۔

(7.50) 
$$s_z = \frac{R'_r}{\sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}}$$

مساوات 7.48 کی نسب نما میں  $R_t^2 + (X_t + X_r')^2$  کی جگہ مساوات 7.49 کا مربع استعال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ  $T_z$  حاصل ہو گی:

(7.51) 
$$T_{z} = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2} \left(\frac{R'_{r}}{s}\right)}{\frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}} + 2R_{t} \frac{R'_{r}}{s} + \frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)}$$

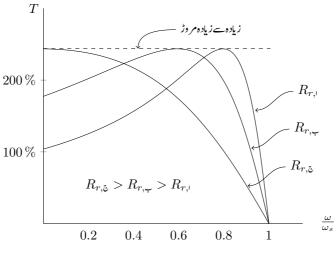
$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \sqrt{R_{t}^{2} + (X_{t} + X'_{r})^{2}}\right)}$$

درج بالا کے حصول میں آخری قدم پر مساوات 7.49 کا استعال دوبارہ کیا گیا۔

اس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ اس کے گھومتے کچھوں کی مزاحمت پر مخصر نہیں ہوگا۔ یہ ایک اہم معلومات ہے جسے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ درکار رفتار پر حاصل کی جا گئی دیکھتے ہیں کہ ایساکس طرح کیا جاتا ہے۔

امالی موٹر کے گھومتے لیجھوں کے برتی سروں کو سرکے چھلوں  $^{26}$  کے ذریعہ باہر نکالا جاتا ہے  $^{27}$  جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیرونی مزاحمت جوڑی جاتی ہے۔اس طرح گھومتے لیجھوں کی کل مزاحمت بڑھ کر ب<sub>یرون</sub>ی جاتی ہو جاتی

maximum power theorem<sup>25</sup> slip rings<sup>26</sup> ت<sup>27</sup>کل کے نمونے یہ۔



شکل 7.13: بیر ونی مزاحمت کا قوت مر وڑ بالمقابل سر کاوکے خطوط پراثرات۔

ہے۔ ایبا کرنے سے مساوات 7.49 کے مطابق زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ نسبتاً زیادہ سرکاہ یعنی کم زاویائی رفتار پر حاصل ہو گی۔ شکل 7.13 کے مطابق مزاحمت  $R_{r,\xi}$  استعال کرتے ہوئے ساکن موٹر چالو ہوتے وقت زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ دے گی۔اس طرح بوجھ بردار موٹر ساکن حالت سے ہی زیادہ بوجھ اٹھانے کے قابل ہو گی۔ بیرونی مزاحمت استعال کے بغیر یا کم بیرونی مزاحمت، مثلاً  $R_{r,j}$ ، استعال کرتے ہوئے ساکن موٹی کی قوت مروڑ نسبتاً بہت کم ہو گی۔ چونکہ زیادہ سرکاو پر موٹر کی کار گزاری خراب ہوتی ہے للذا اس طرح موٹر کو زیادہ دیر نہیں چایا جاتا اور جیسے ہی اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے، اس سے بیرونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے کچھوں کے برقی سرے کسر دور کر دیے جاتے ہیں۔

مثال 7.3: صفحہ 226 پر مثال 7.2 میں دی گئی امالی موٹر استعمال کریں اور رگڑ سے طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کریں۔

- اگر موٹر درکار وولٹ اور تعداد پر تین فی صد سرکاو پر چل رہی ہو تب ساکن کیھے میں گھومتے کیھے کے حصہ کا برقی رو ''ا اور مشین کی اندرونی میکانی طاقت اور قوت مروڑ حاصل کریں۔
  - موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پیدا قوت مروڑ اور اس قوت مروڑ پر موٹر کی رفتار حاصل کریں۔
    - موٹر جالو ہونے کے لمحہ پر قوت مروڑ اور اس لمحہ پر  $I'_{r}$  حاصل کریں۔

عل:

• یک دوری برقی د باو  $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  استعال کرتے ہوئے مساوات 7.46 کی مدد سے درج ذیل ہو گا۔

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

مساوات 7.47 میں تین فی صد سر کاو پر  $rac{R'_r}{s}=10.3333$  استعال کرتے ہوئے درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} \hat{I}'_r &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 / -5.6^\circ\\ I'_r &= \left| \hat{I}'_r \right| = 21.1\,\mathrm{A} \end{split}$$

یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ مندرجہ بالا مساوات میں 229.2/1.246 کی جگہ 229.2/0 استعال کرنے  $I'_r$  کی قیمت تبدیل نہیں ہوتی ہے۔

مساوات 7.43 اور 7.44 کی مدد سے طاقت اور قوت مروڑ حاصل کرتے ہیں۔

$$p_m = \frac{3 \times 21.1^2 \times 0.31}{0.03} \times (1 - 0.03) = 13\,387.46\,\mathrm{W}$$
 
$$T = \frac{13387.46}{(1 - 0.03) \times 2 \times \pi \times 16.66} = 131.83\,\mathrm{N\,m}$$

• مساوات 7.50 زیادہ سے زیادہ طاقت پر سر کاو درج ذیل دیتی ہے۔

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.1638$$

يوں موٹر کی رفتار  $836.2 = 836.2 \times (1-0.1638) = 836.2$  پیل موٹر کی رفتار کی منٹ ہو گی۔

• چالو کرتے کھے پر سرکاو اکائی ہو گا لہذا  $\frac{R_r'}{s}=0.31$  اور یوں درج ذیل ہو گا۔

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j 0.9573 + 0.31 + j 0.34} = 152.07 / -58.14^\circ$$
  $I'_r = 152\,\mathrm{A}$ 

اس لمحه قوت مروره درج ذیل ہو گ۔

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205 \,\mathrm{N\,m}$$

مثال 7.4: دو قطب، ستارہ، پچاس ہر ٹز پر چلنے والی تین دوری امالی موٹر 2975 چکر فی منٹ کی رفتار پر بارہ کلوواٹ کی میکانی بوجھ سے لدی ہے۔موٹر کا سر کاو اور دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

#### 7.10 پنجره نماامالی موٹر

گھومتے لچھوں کی ساخت پر ذرا غور کرتے ہیں۔ گھومتے لچھوں کے  $N_r$  چکر ہوتے ہیں جہاں  $N_r$  کوئی بھی عدد ہو سکتا ہے۔ سادہ ترین صورت میں  $N_r$  ایک کے برابر ہو سکتا ہے لینی ایک ہی چکر کا گھومتا لچھا۔ اب بجائے اس کے کہ قالب میں لچھوں کے لئے شگاف بنائے جائیں اور ہر شگاف میں تانبے کی تار کا ایک چکر لپٹا جائے ہم یوں بھی کر سکتے ہیں کہ ہر شگاف میں سیدھا تانبے کا ایک سلاخ رکھ دیں اور اس طرح کے سب سلاخوں کی ایک جانب کے سروں کو تانبے کی ایک دائرہ نما سلاخ سے کسر دور کر دیں اور اسی طرح دوسری جانب کے تمام سروں کو بھی ایک تانبے کی دائرہ نما سلاخ سے کسر دور کر دیں۔ یوں تانبے کی سلاخوں کا پنجرہ عاصل ہو گا۔ اسی لئے ایسی امالی موٹر کو پنجرہ نما امالی موٹر گھ

حقیقت میں شگافوں میں پگھلا تانبا یا سلور 29 ڈالا جاتا ہے جو ٹھنڈا ہو کر ٹھوس ہو جاتا ہے اور قالب کو جھکڑ لیتا ہے۔دونوں اطراف کے دائرہ نما کسر دور کرنے والے چھلے بھی اسی طرح اور اسی وقت ڈھالے جاتے ہیں۔ یوں ایک مضبوط گھومتا حصہ حاصل ہوتا ہے۔ اسی مضبوطی کی وجہ سے پنجرہ نما امالی موٹر بہت مقبول ہوئی ہے۔ اسی موٹریں سالوں تک بغیر دیکھے بھال کام کرتی ہیں اور روز مرہ زندگی میں ہر جگہ پائی جاتی ہیں۔گھروں میں پانی کے پہپ اور پنگھے انہیں سے چلتے ہیں۔

squirrel cage<sup>28</sup> copper, aluminium<sup>29</sup>

#### 7.11 بي بوجھ موٹراور جامد موٹر کے معائنہ

امالی موٹر کی کارکردگی دو معائنوں سے معلوم کی جاتی ہے جن سے موٹر کے مساوی دور کے اجزاء بھی حاصل کئے ۔ جاتے ہیں۔ہم تین دوری امالی موٹر کی مثال سے ان معائنوں پر بحث کرتے ہیں۔

#### 7.11.1 بي بوجھ موٹر كامعائنہ

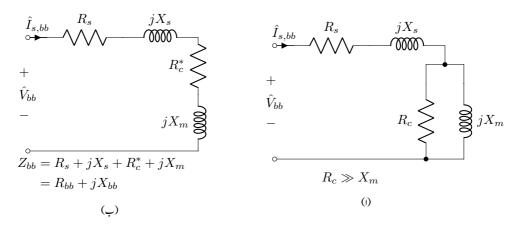
یہ معائنہ بالکل ٹرانسفار مر کے بے بوجھ معائنہ کی طرح ہے۔اس میں موٹر کے ہیجان انگیز برقی رو اور بے بوجھ موٹر میں طاقت کے ضیاع کی معلومات حاصل ہوتی ہیں۔

اس میں بے بوجھ امالی موٹر پر کیساں تین دوری برقی د باوہ  $V_{bb}$  لاگو کر کے بے بوجھ موٹر کی برقی طاقت کا ضیاع  $p_{bb}$  اور اس کے ساکن کچھے کا بیجان انگیز برقی رو  $I_{s,bb}$  ناپا جاتا ہے۔ یہ معائنہ امالی موٹر کے بناوٹی برقی د باو اور برقی تعدد پر سرانجام دیا جاتا ہے۔

ہو۔ اتن وجہ سے درکار ہو۔ اتن قوت مروڑ پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر ضیاع طاقت کی وجہ سے درکار ہو۔ اتن میں موٹر بہت کم سرکاو پر جاصل ہو گی۔ مساوات 7.47 سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرکاو پر  $I'_r$  بھی نہایت کم ہو گا اور اس سے گھومتے کچھوں میں برقی طاقت کا ضیاع قابل نظر انداز ہو گا۔ اس بات کو صفحہ 224 پر شکل 7.7 کی مدد سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جہاں واضح ہے کہ بہت کم سرکاو پر مزاحمت  $\frac{R'_r}{s}$  کی قیمت بہت زیادہ ہو گی اور اس کو کھلا دور سمجھا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے شکل 7.14 ملتی ہے۔

-7.14 کی جگرہ اور  $R_c$  اور  $R_c$  اور  $R_c$  کی جگہ مساوی سلسلہ وار جڑے اجزاء پر کرنے سے شکل 14.7- اے متوازی اجزاء  $R_c$  کی قبت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔ متوازی دور کی بہ حاصل ہو گی۔ کسی بھی امالی موٹر کی  $R_c$  کی قبت اس کی  $R_c$  کی قبت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔ متوازی دور کی

کھتے ہوئے لفظ بے بوجھ کے پہلے حروف باور ب کوزیر نوشت میں bb سے ظاہر کیا گیا ہے۔ $V_{bb}^{30}$ 



شكل 7.14: بي بوجھ امالي موٹر كامعا ئنه۔

ر کاوٹ  $Z_m$  سے مساوی سلسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  حاصل کرتے ہیں:

$$Z_{m} = \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}}$$

$$= \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}} \frac{R_{c} - jX_{m}}{R_{c} - jX_{m}}$$

$$= \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2} + X_{m}^{2}}$$

$$\approx \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}} \qquad \text{if } R_{c} \gg X_{m}$$

$$= jX_{m} + \frac{X_{m}^{2}}{R_{c}} = jX_{m} + R_{c}^{*} = Z_{s}$$

بے بوجھ ٹرانسفار مروں میں ابتدائی کچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جاتا ہے۔ بے بوجھ امالی موٹروں کا بیجان انگیز برقی رو کافی زیادہ ہوتا ہے لہذا ان کے ساکن کچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز نہیں کیا جا سکتا۔ بے بوجھ امالی موٹر کی ج<sub>bb</sub> سے تین ساکن کچھوں کا برقی ضیاع منفی کر کے میکانی ضیاع طاقت حاصل ہو گا:

$$p_{bb} - 3I_{s,bb}^2 R_s$$

میکانی طاقت کا ضیاع بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر کے لئے ایک جیسا تصور کیا جاتا ہے۔

شكل 7.14-ب سے ہم درج ذيل لكھ سكتے ہيں۔

(7.54) 
$$R_{bb} = \frac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}$$

$$Z_{bb} = \frac{V_{bb}}{I_{s,bb}}$$

$$X_{bb} = \sqrt{|Z_{bb}|^2 - R_{bb}^2}$$

$$X_{bb} = X_s + X_m$$

 $X_s$  یوں اس معائنہ سے موٹر کی بے بوجھ متعاملیت  $X_{bb}$  حاصل ہوتی ہے۔اگر کسی طرح ساکن کچھے کی متعاملیت معلوم ہو تب اس مساوات سے  $X_m$  حاصل کی جا سکتی ہے۔اگلے معائنہ میں ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں گے۔

#### 7.11.2 جامد موٹر کامعائنہ

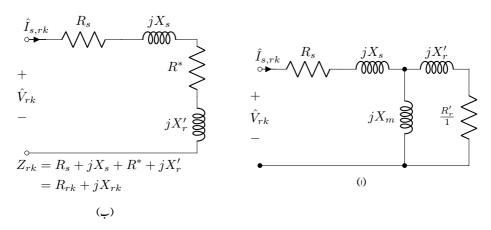
یہ معائنہ ٹرانسفار مر کے کسر دور معائنہ کی طرح ہے۔ اس میں مشین کے رستا امالوں کی معلومات حاصل ہوتی ہے۔ البتہ امالی موٹر کا مسئلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔ امالی موٹر کے رستا امالہ گھومتے کچھوں میں برقی تعدد اور قالب کے سیر اب ہونے پر مخصر ہوتے ہیں۔

اس معائنہ میں امالی موٹر کے گھومتے حصہ کو حرکت کرنے سے زبردستی روک دیا جاتا ہے جبکہ ساکن کچھوں پر بیر ونی برقی دباو $V_{rk}$  لاگو کر کے برقی طاقت  $p_{rk}$  اور ساکن کچھوں کے برقی رو $I_{s,rk}$  ناپے جاتے ہیں۔ اصولی طور پر معائنہ ان حالات کو مد نظر رکھ کر کیا جاتا ہے جن پر موٹر کی معلومات درکار ہوں۔

 $f_e$  ساکن موٹر چالو کرنے کے لمحہ پر موٹر کا سرکاو اکائی ہوتا ہے اور اس کے گھومتے کیجھوں میں روز مرہ تعدد،  $I_{t=0}$  ہوں جب ہوں گے برتی رو $I_{t=0}$  ہوں گے ہوں ہیں موٹر کے ساکن کیجھوں پر روز مرہ تعدد،  $f_e$  کا اتنا برقی دباو لا گو کیا جائے گا جتنے سے اس کے گھومتے کیجھوں میں برقی رو $I_{t=0}$  پیدا ہو۔ اس طرح اگر برقرار چالو حالت میں بوجھ بردار موٹر کے نتائج درکار ہوں جب موٹر کا سرکاو s اور اس کے گھومتے کیجھوں میں برقی رو $I_{t=0}$  ہوتے ہیں تب معائنہ میں  $sf_e$  تعدد کے برقی دباو استعال کیے جائیں گے اور اس کی قیمت اتنی رکھی جائے گی جتنی سے گھومتے کیجھوں میں میں برقی تعدد گی جتنی سے گھومتے کیجھوں میں  $I_{t\to\infty}$  برقی رو وجود میں آئے۔ تقریباً  $I_{t}$  کی دباو پر ہی کیا جاتا ہے۔ کے اثرات قابل نظر انداز ہوتے ہیں لہٰذا ان کا معائنہ  $f_e$  تعدد کے برقی دباو پر ہی کیا جاتا ہے۔

t=0اس لمحہ کے برتی رو کو چھوٹی ککھائی میں وقت صفر سے منسلک کیا گیاہے یعنیt=0

 $<sup>^{-2}</sup>$  زیر نوشت میں  $t o \infty$ اں بات کو ظاہر کر تی ہے کہ موٹر کا فی ذیرہے چالو ہے اور یہ ایک بر قرار رفتار تک پہنچ گئی ہے۔



شکل 7.15:رکے امالی موٹر کا معائنہ۔

یہاں صفحہ 224 کے شکل 7.7 کو رکے (ساکن) موٹر کے معائنہ کے نقطہ نظر سے دوبارہ دیکھتے ہیں۔رکے (ساکن) موٹر کا سرکاو اکائی ہوتا ہے۔مزید، اس معائنہ میں لاگو برقی دباو بر قرار چالو موٹر پر لاگو برقی دباو سے خاصا کم ہوتا ہے۔اتنے کم لاگو برقی دباو پر قالبی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔شکل میں  $R_c$  کو کھلے دور کرنا قالبی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔چونکہ s=1 ہندا اس شکل میں  $\frac{R'_c}{s}$  کو r=1 لیڈا اس شکل میں r=1 کیا گیا ہے۔

شکل 7.15 میں  $jX_m$  اور  $(R'_r+jX'_r)$  متوازی جڑے ہیں جن کی جگہ ان کی مساوی سلسلہ وار رکاوٹ پر کرنے ہیں:  $Z_s$  حاصل کرتے ہیں:

$$Z_{m} = \frac{jX_{m}(R'_{r} + jX'_{r})}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}$$

$$= \left(\frac{jX_{m}R'_{r} - X_{m}X'_{r}}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}\right) \left(\frac{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}\right)$$

$$= \frac{jX_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}R'_{r}(X_{m} + X'_{r}) - X_{m}X'_{r}R'_{r} + jX_{m}X'_{r}(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= \frac{X_{m}^{2}R'_{r}}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}} + \frac{j(X_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}^{2}X'_{r} + X_{m}X'_{r}^{2})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= R_{s}^{*} + jX_{s}^{*} = Z_{s}$$

ان مساوات میں  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  ان مساوات میں ہو گا۔

$$(7.56) R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$

(7.57) 
$$X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_m^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_m^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_m^2} \approx X_r'$$

اس معائنہ میں پیائش کی گئی قیمتوں اور شکل 7.15-ب سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(7.58) 
$$Z_{rk} = \frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$

$$R_{rk} = \frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$

$$X_{rk} = \sqrt{|Z_{rk}|^2 - R_{rk}^2}$$

اس مساوات کے پہلے جزو میں پیاکٹی برقی دباہ اور برقی روسے رکاوٹ حاصل کی گئی ہے۔ اس طرح دوسرے جزو میں مزاحمت اور تیسرے میں متعاملیت کا حساب لگایا گیا ہے۔

شكل 7.15-ب سے درج ذيل واضح ہے۔

$$(7.59) X_{rk} = X_s + X_r'$$

امالی مشین مختلف خواص کے بنائے جاتے ہیں۔ عام آدمی کی آسانی کے لئے ایسی مشینوں کی درجہ بندی کی جاتی A,B,C,D اور ایسی مشین جن کا گھومتا حصہ کچھے پر مشمنل ہو، کی رستا متعاملیت  $X_{rk}$  کو ساکن اور گھومتے کچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے کچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے کچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے لیح والی مشین میں ساکن اور گھومتی متعاملیت ایک دوسرے کے برابر ہوتی ہیں۔ شکل 7.15 - ب میں  $X_{rk}$  اسکا ہے۔ لہذا ساکن کچھے کی مزاحمت  $X_{rk}$  مراحمتے ہیا $X_{rk}$  کی مدد سے ناپ کر درج ذیل عاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$(7.60) R^* = R_{rk} - R_s$$

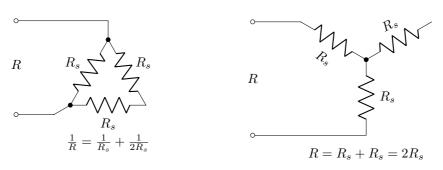
اب  $R'_r$  کو مساوات 7.56 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں  $X_m$  بوجھ امالی موٹر کے معائنہ میں حاصل کی جاتی ہے۔

مزاحمت یبا کی مدد سے ساکن کچھے کی مزاحمت ناپتے وقت سے جاننا ضروری ہے کہ موٹر ستارہ یا تکونی بڑی ہے۔ شکل 7.16 میں کچھے کو دونوں طرح بڑا دکھایا گیا ہے۔ اگر یک دوری مزاحمت  $R_s$  ہو تب ستارہ بڑی موٹر کے لئے مزاحمت  $2R_s$  مزاحمت دے گا جبکہ تکونی بڑی موٹر کے لئے ہیہ  $2R_s$  مزاحمت دے گا۔

 $\rm Ohm\ meter^{33}$ 

بابـــ7. امالي مشين

$X'_r$	$X_s$	خاصيت	گھومتاحصہ
0.537	0.537	ë u (an ll cu	(
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	کار کرد گی گھومتے ھے کی مزاحمت پر منحصر	ليثاهوا
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	عمومی ابتدائی قوت مروڑ، عمومی ابتدائی رو	Aبناو
$0.6X_{rk}$	$0.4X_{rk}$	عمومی ابتدائی قوت مر وژ، کم ابتدائی رو	$B$ بناو ${f d}$
$0.7X_{rk}$	$0.3X_{rk}$	زیادها بتدائی قوت مر وژ، کم ابتدائی رو	Cبناوك,
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	زیادها بتدائی قوت مر وژ،زیاده سر کاو	$D$ بناو $\Delta$
<b></b>			
جدول 7.1: متعاملیت کی ساکن اور گھومتے حصوں میں تقسیم۔			



شکل 7.16: شارہ اور تکونی بڑی موٹروں کی ساکن کچھوں کی مزاحمت کامزاحمت پیا کی مدد سے حصول۔

مثال 7.5: ستارہ، چار قطب، پچاس ہرٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی موٹر کے معائنے کئے جاتے ہیں۔ موٹر کی بناوٹ درجہ بندی A کے مطابق ہے۔ مزاحت پیا کسی بھی دو برقی سروں کے چی 0.55 اوہم جواب دیتا ہے۔ بد بوجھ معائنہ D 60 اور 415 کو مراقت ہوئے برقی رو A 4.1 اور طاقت کا ضیاع W 906 ناپا جاتا ہے۔ جامد موٹر معائنہ Hz کا اور کا 50 اور کا 300 ناپا جاتا ہے۔ اس موٹر کا مساوی برقی دو بر بنائیں اور پانچ فی صد سرکاو پر اس کی اندرونی میکانی طاقت حاصل کریں۔

 $R_s=rac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$  حاصل کے جواب سے ستارہ موٹر کے ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_s=rac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$  حاصل ہوتے ہیں۔ ہوتی ہے۔ بے بوجھ معائنہ میں یک دوری برقی دباوV=0 دباوری ہوتے ہیں۔

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965 \Omega$$
$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439 \Omega$$
$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 \Omega = X_s + X_m$$

رکے موٹر معائنہ کے نتائج سے  $X_s$  حاصل کرنے کے بعد  $X_m$  حاصل ہو گی۔

ساکن کچھے کی مزاحمت میں اس برقی رو پر کل

 $3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 = 13.87 \,\mathrm{W}$ 

برتی طاقت کا ضیاع ہو گا للمذا رگڑ اور دیگر ضیاع طاقت 892=3.86-906 واٹ ہو گا۔

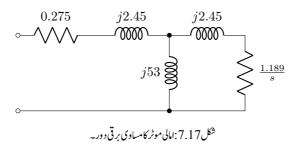
رکے موٹر معائنہ میں یک دوری برقی دباو  $28.9=rac{50}{\sqrt{3}}$  وولٹ ہیں۔ یوں درج ذیل حاصل ہوں گے۔

$$R_{rk} = \frac{850}{3 \times 13.91^2} = 1.464 \,\Omega$$
$$|Z_{rk}| = \frac{28.9}{13.91} = 2.07 \,\Omega$$
$$X_{rk,15} = \sqrt{2.07^2 - 1.464^2} = 1.46 \,\Omega$$

اس معائنه میں برقی تعدد 15 ہر ٹزنتھی للذا 50 ہر ٹز پر متعاملیت درج ذیل ہو گ۔

$$X_{rk,50} = \frac{50}{15} \times X_{rk,15} \approx 4.9 \,\Omega$$

باب. ٦- امالي شين



 $X_s=X_r'=rac{4.9}{2}=2.45\,\Omega$  درجه بندی  $X_s=X_r'=rac{4.9}{2}$ 

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53\,\Omega$$

پونکہ  $R_s=0.275$  اوہم ہے لہذا

$$R'_r = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189 \,\Omega$$

ہو گا۔مساوی برقی دور شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے۔

یا پنج فی صد سر کاو پر اندرونی میکانی طاقت کی خاطر بائیں جانب کا تھونن مساوی دور استعال کرتے ہوئے درج ذیل ہو گا۔

$$\begin{split} V_t &= 229 / 0.2833^{\circ} \\ Z_t &= 0.251 + j2.343 \\ \left| \hat{I}'_r \right| &= 11.8 \, \mathrm{A} \\ p_m &= \frac{3 \times 11.8^2 \times 0.974 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 7730 \, \mathrm{W} \end{split}$$

## باب8

## یک سمت رومشین

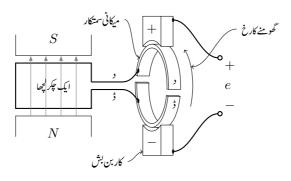
کے سمتے رومشین یک سمت روا برقی طاقت پیدا کرتی ہیں یا یک سمت رو برقی طاقت سے چلتی ہیں۔ یک سمت رو مرقی طاقت سے قابو موٹروں کی اہمیت بندری کم ہو رہی ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر لے رہے ہیں جن کی رفتار قومی برقیائے <sup>2</sup> سے قابو کی جاتی ہے۔موجودہ دور میں گاڑیوں کے یک سمت جزیٹر بھی دراصل سادہ بدلتا رو جزیٹر ہوتے ہیں جن کے اندر نسب ڈالوڈ<sup>3</sup> بدلتا محرک برقی دباو کو یک سمت محرک برقی دباو میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں دو قطب کے یک سمت مشینوں کا مطالعہ کیا جائے گا۔میکانی سمت کار والے یک سمت مشینوں میں میدانی کچھا ساکن جبکہ قوی کچھا گھومتا ہے۔

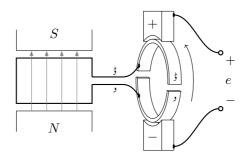
## 8.1 ميكاني سمت كاركى بنيادى كاركردگى

جزیٹر بنیادی طور پر بدلتا برقی دباو پیدا کرتا ہے۔ یک سمت جزیٹر کے اندر نسب میکانی سمھے کار4 میکانی طریقہ سے بدلتا دباو کو یک سمت دباو میں تبدیل کر کے برقی سرول پر فراہم کرتا ہے۔

dc, direct current<sup>1</sup> power electronics<sup>2</sup> diode<sup>3</sup> commutator<sup>4</sup>



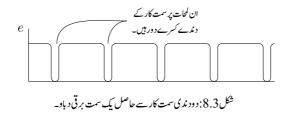
شكل 8.1: ميكاني سمت كار



شکل 8.2: آدھے چکر کے بعد بھی بالائی بُش مثبت ہی ہے۔

میکانی سمت کار کو شکل 8.1 میں دکھایا گیا ہے جہاں جزیڑ کے قوی کچھے کو ایک چکر کا دکھایا گیا ہے اگرچہ حقیقت میں ایسا نہیں ہو گا۔ قوی کچھے کے برتی سروں کو د اور ڈ سے ظاہر کیا گیا ہے جو سمت کار کے د اور ڈ حصوں کے ساتھ جڑے ہیں۔ قوی کچھا اور سمت کار ایک ہی دھرے پر نسب ہوتے ہیں للذا دونوں ایک ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ دونوں خلاف گھڑی مقاطیسی میدان افقی سطح میں N سے S رخ ہو گا کریں کہ دونوں خلاف گھڑی مقاطیسی میدان میں گھوم رہے ہیں۔ مقناطیسی میدان افقی سطح میں N سے S رخ ہو گا جے نوکدار کیروں سے دکھایا گیا ہے۔ سمت کار کے ساتھ ساکن کاربن بش، اسپر نگ کی مدد سے دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ ان کاربن بشوں سے برتی دباو کو جزیڑ کے باہر منقل کیا جاتا ہے۔ بشوں کو مثبت علامت + اور منفی علامت — ظاہر کیا گیا ہے۔

د کھائے گئے لمحہ پر کچھ میں پیدا برتی دباو e کی وجہ سے کچھے کا سر د مثبت اور ڈ منفی ہے۔یوں سمت کار کا حصہ د مثبت اور حصہ ڈ منفی ہوں گے لہذا کاربن کا + علامت والا بش مثبت اور – علامت والا بش منفی ہو گا۔یوں بیرونی بالائی تار مثبت اور کچلی تار منفی ہوں گے۔ آدھا چکر بعد، جیسا شکل 8.2 میں دکھایا گیا ہے، خلائی درز میں کچھا کے د



اور ڈ اطراف آپس میں جگہیں تبدیل کر چکے ہوں گے ۔ لچھا کے د اور ڈ اطراف اب بھی سمت کار کے د اور ڈ حصول کے ساتھ جڑے ہیں۔ یہاں سمت کار کی کار کردگی پر کئے ساتھ جڑے ہیں۔ یہاں سمت کار کی کار کردگی پر نظر رکھیں۔ اب بھی کاربن کا + علامت والا بش مثبت اور – علامت والا بش مثنی ہے۔ یوں جزیٹر کے بیرونی برقی سروں پر اب بھی بالائی سر مثبت اور نچلا سر مثنی ہے۔ سمت کار کے دانتوں کے مابین برقی دباو ہوتا ہے لہذا ان کو غیر موصل کی مدد سے ایک دوسرے اور دھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔

گھومتے وقت ایک ایبا لمحہ آتا ہے جب سمت کار کے دانتوں کو کاربن بش کسر دور کرتے ہیں۔ کاربن بش محیط پر اس طرح رکھے جاتے ہیں کہ جس لمحہ لکھے میں برقی دباو مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہونا چاہے اس لمحہ کھے میں برقی دباو مفر ہوتا ہے للذا اسے کسر دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا ہے۔ یوں حاصل برقی دباو شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔

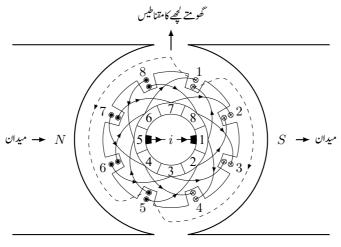
یہاں دو دندی سمت کار اور دو مقناطیسی قطب کے در میان گھومتا ہوا ایک قوی کچھا دکھایا گیا ہے۔ حقیقت میں جزیٹر کے متعدد قطبین ہوں گے اور فی قطب سمت کار کے کئی دندے ہوں گے۔ چھوٹی مشینوں میں مقناطیس ہی مقناطیسی میدان فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں مقناطیسی میدان ساکن میدانی کچھے فراہم کرتے ہیں۔ دونوں اقسام کی مشینوں کے کچھے تقسیم شدہ ہوتے ہیں۔

اب ہم زیادہ دندوں کے ایک سمت کار کو دیکھتے ہیں۔

#### 8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل

بچھلے حصہ میں ست کار کی بنیادی کار کردگی پر غور کیا گیا۔ اس حصہ میں اس پر تفصیلی بات کی جائے گی۔ شکل 8.4 میں امالی مشین دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں اندر کو ست کار ہے جس کے دندوں کو گنتی لگائی گئی ہے۔ست کار کی

باب. 8. يك سمت رومشين

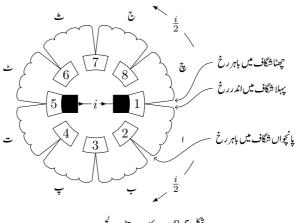


شکل 4.8: کاربن بش سمتکار کے دندوں کو کسر دور نہیں کر رہاہے۔

اندر جانب دو عدد کاربن بش ہیں جن سے حاصل ہیرون برقی رو i ہے۔ شگافوں کو بھی گنتی لگائی گئی ہے۔ جزیٹر کے دو قطب اور آٹھ شگاف ہیں۔ اس طرح اگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہو تو تین شگاف چھوڑ کر موجود شگاف دوسرے قطب کے سامنے ہو گا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دو شگاف "ایک قطب فاصلہ" پر ہیں۔ یوں شگاف 1 اور 5 ایک دوسرے سے ایک قطب کے فاصلے پر ہیں جبکہ شگاف 2 اور 6 ایک دوسرے سے ایک قطب کے فاصلے پر ہیں۔ ہیں۔ ہیں۔

حیسا شکل 8.2 میں دکھایا گیا، اگر کچھے کا ایک طرف شالی قطب کے سامنے ہو تب اس کا دوسرا طرف، ایک قطب فاصلہ پر، جنوبی قطب کے سامنے ہو گا۔ کچھوں کو شگافوں میں رکھا جاتا ہے۔ یوں شکل 8.4 میں اگر ایک کچھے کا ایک طرف شگاف 5 میں ہو گا۔ حقیقت میں ہر کا ایک طرف شگاف 5 میں ہو گا۔ حقیقت میں ہر شگاف میں دو لیجھے رکھے جاتے ہیں۔ ایک کچھے کو شگاف میں محور کے قریب اور دوسرے کو شگاف میں محور سے دور رکھا جا سامت ہے۔ایسا کرنے کے لئے ہمیں دو مختلف جسامت کے لیچھے تیار کرنے ہوں گے۔ محور کے قریب رکھا گیا کچھا جسامت میں حجود نا جبکہ محور سے دور لیجھا بڑا ہو گا۔ کچھوں کو پہلے تیار کر کے بعد میں شگافوں میں رکھا جاتا ہے۔ ایسا سے بہتر ترکیب موجود ہے جو حقیقت میں استعال ہوتی ہے۔

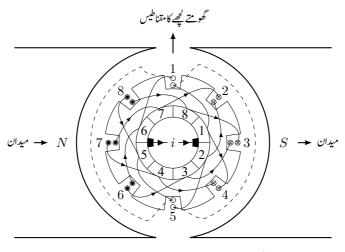
بہتر ترکیب میں ایک لچھے کے ایک طرف کو ایک شگاف میں محور کے قریب اور، ایک قطب فاصلہ پر، دوسرے شگاف میں محور کے دور رکھا جاتا ہے۔دوسرے لچھے کو انہیں شگافوں میں باقی دو مقامات پر رکھا جاتا ہے۔یوں دونوں کچھوں کی جسامت ایک دوسرے جیسے ہوگی اور ان میں اتنی ڈھیل ہوگی کہ انہیں شگافوں میں با آسانی رکھا جا سکے۔



شكل 8.5: سمت كارسے جڑے لچھے۔

اب شکل 8.4 کو تفصیل سے سمجھتے ہیں۔شگافوں میں موجود کچھوں میں برقی رو کے رخ نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے گئے ہیں۔ نقطہ کا نشان، صفحہ سے عمود ی باہر رخ رو کو ظاہر کرتا ہے جبکہ صلیب کا نشان اس کے مخالف رخ رو کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں پہلا ( 1 ) شگاف میں برقی رو عمودی صفحہ کے اندر رخ ہے۔

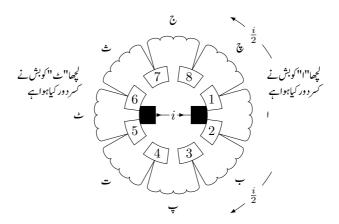
شکل 8.4 میں مشین کا عمودی تراش د کھایا گیا ہے۔ مشین کا محور کتاب کے صفحہ کو عمودی ہو گا۔ ہمیں مشین کا (قریبی، بالائی) "سامنے" طرف نظر آ رہا ہے جبکہ (ہم سے دور) "نجلا" طرف ہمیں نظر نہیں آ رہا ہے۔"سامنے" طرف کی تاروں کو ٹھوس جبکہ "نجلے" طرف (نظر نہ آنے والے) تاروں کو نقطہ دار د کھایا گیا ہے۔ہر شگاف میں دو کچھے د کھائے گئے ہیں جن میں سے ایک مثین کی محور کے قریب "اندر" جانب اور دوسرا محور سے دور " ہاہر" جانب ہے۔ پہلے ( 1 ) شگاف میں "اندر" جانب موجود کیھا، ست کار کے پہلے دانت سے جڑا ہے۔اس جوڑ کو موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ شگاف 1 کے "نجلے" طرف سے نکل کرید کچھا شگاف 5 میں "نجلے" طرف سے داخل ہوتا ہے۔اس بات کو نقطہ دار ککیر سے دکھایا گیا ہے۔اسی طرح دو عدد کھھے شگاف 2 اور 6 میں یائے جاتے ہیں۔ان میں ایک لیجھا شگاف 2 میں "اندر" جانب اور شگاف 6 میں "باہر" جانب ہے جبکہ دوسرا لیجھا دوسرے شگاف میں " باہر " حانب اور چھٹے شگاف میں "اندر" حانب ہے۔ نقطہ دار لکیرین صرف پہلی اور پانچوین شگافوں کے لئے د کھائی گئی ہیں۔آپ خود باقی شگافوں کے لئے انہیں بنا سکتے ہیں۔ہر کچھے کا ایک طرف شگاف میں "اندر" حانب اور دوسرا طرف ایک قطب دور شگاف میں "باہر" جانب ہو گا۔ ست کار کا پہلا ( 1 ) دانت چوتھ ( 4 ) شگاف کے "باہر" جانب موجود کھے سے بھی جڑا ہے۔آپ یہاں رکھ کر شکل 8.5 کی مدد سے مشین میں برقی رو کے رخ سمجھیں اور تىلى كركيں كە بە درست دكھائے گئے ہيں۔اس شكل ميں لچھوں كوا، ب، پ، وغيرہ سے ظاہر كيا گيا ہے جبكہ سمت کار کے دندوں کو گنتی لگائی گئی ہے۔کاربن کے بش پہلے اور پانچویں دانت سے جڑے دکھائے گئے ہیں۔ باب. 8. يك سمت رومشين



شکل 8.8: کاربن بش ست کار کے دندوں کو کسر دور کررہاہے۔

شکل 8.5 میں کاربن بش سے برتی رو سمت کار کے پہلے دانت سے ہوتا ہوا دو برابر حصول میں تقسیم ہو کر دو کیساں متوازی راستوں گزرتا ہے۔ایک راستہ سلسلہ وار جڑے ا، ب، پ اور ت کچھوں سے بنتا ہے جبہہ دوسرا راستہ سلسلہ وار جڑے یہ بیں۔دو عدد سلسلہ وار راستے آپس میں متوازی جڑے ہیں۔برتی رو کے رخ نقطہ دار نوک دار کیبروں سے ظاہر کیے گئے ہیں۔دو متوازی راستوں سے گزرتا برتی رو ایک مر تبہ دوبارہ مل کر ایک ہو جاتا ہے اور سمت کار کے پانچویں دانت سے جڑے کاربن بش کے ذریعہ مشین سے باہر نکل جاتا ہے۔گھومتے حصہ کے شگافوں میں موجود کچھوں کا برتی رو، مقناطیسی دباو پیدا کرے گا جو ساکن مقناطیسی دباو کو عمودی ہو گا جیسا شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو کا رخ جاننے کے لئے شکل 8.4 میں رکھایا گیا ہے۔گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو کا رخ جاننے کے لئے شکل 8.4 میں و کھایا گیا ہے۔گھوں کے مقاطیسی دباو کا رخ جاننے کے لئے شکل 9.4 میں و صفحہ کے اندر رخ جاننے کے لئے شکل کی جانب چار شگافوں میں رو صفحہ سے باہر جبکہ دائیں جانب چار شگافوں میں رو صفحہ کے اندر رخ ہے۔دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو انہیں کے رخ گھمانے سے انگو ٹھا میدان کا رخ دے گا۔ آپس میں قائمہ مقناطیسی دباو دھرے پر گھڑی وار قوت مروڑ پیدا کریں گے۔یوں اگر مثین موٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو تب یہ گھڑی وار گھوے گی اور کاربن بش پر ایبا بیرونی یک سمت برتی دباو لا گو ہو گا جو دکھائے گئے برتی رہی ہو تب یہ گھڑی وار گھوے گی اور کاربن بش پر ایبا بیرونی یک سمت برتی دباو لا گو ہو گا جو دکھائے گئے برتی رہی ہو تب یہ گھڑی وار گھوے گی اور کاربن بش پر ایبا بیرونی یک سمت برتی دباو لا گو ہو گا جو دکھائے گئے برتی رہوں

اب تصور کریں کہ مشین ایک جزیر کے طور پر استعال کی جا رہی ہے جس کو خلاف گھڑی بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جا رہا ہے۔ سمت کار کے آدھے دانت کے برابر حرکت کے بعد جزیر شکل 8.6 میں دکھائے گئے حالت میں ہو گا جہاں دایاں کاربن بش بیانچویں اور میں ہو گا جہاں دایاں کاربن بش بیانچویں اور



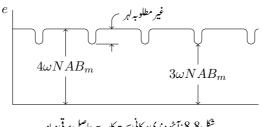
شکل 8.7: کاربن بش دودندوں کو کسر دور کررہے ہیں۔

چھٹے دانت کو کسر دور کرتے ہیں۔یوں پہلے اور پانچویں شکافوں کے کچھے کسر دور ہوں گے جبکہ باقی شکافوں کے کچھوں میں حسب معمول برقی رو ہو گا جو پہلے کی طرح اب بھی ساکن کچھوں کے مقناطیسی دباو کے عمودی مقناطیسی دباو کے محمودی مقناطیسی دباو پیدا کریں گے۔آپ گھومتے کچھوں کے میدان کا رخ دائیں ہاتھ کے قانون سے جان سکتے ہیں۔ بائیں جانب تین شکافوں میں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو انہیں کے میں رو صفحہ سے باہر جبکہ دائیں جانب تین شکافوں میں صفحہ کے اندر رخ ہے۔ دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو انہیں کے رخ گھمائیں۔ انگوٹھا میدان کا رک دے گا۔اس لحمہ کی وضاحت شکل 8.7 میں کی گئی ہے۔

مشین جب سمت کار کے ایک دانت کے برابر حرکت مکمل کر لے تو کاربن بش دوسرے اور چھٹے دانت سے جڑ جائیں گے۔پہلے اور پانچویں شکافوں میں برتی رو کا رخ پہلے کے مخالف ہو جائے گا جبکہ باتی شکافوں میں برتی رو کے رخ بر قرار رہیں گے۔گھومتے لچھوں کا برتی دباو اب بھی اسی رخ ہو گا۔

جتنے دورانیہ کے لئے کاربن بش دو کچھوں کو کسر دور کرتے ہیں اسنے وقت میں ان کچھوں میں برقی رو کا رخ الف ہو جاتا ہے۔ کو شش کی جاتی ہے کہ اس دوران برقی رو وقت کے ساتھ بتدر تئ تبدیل ہو۔ایسا نہ ہونے سے کاربن بش سے چنگاریاں نکلتی ہیں جن سے بش جلد ناکارہ ہو جاتے ہیں۔ جزیٹر کے کسر دور کچھوں میں پیدا برقی دباو، کسر دور کچھوں میں گومتا ناکارہ برقی رو پیدا کرتا ہے جو ہمارے کسی کام کا نہیں ہوتا ہے۔ کچھے اور کاربن بش کی مزاحمت اس ناکارہ روکی قیت تعین کرتے ہیں۔

حقیقت میں یک سمت جزیر میں فی قطب در جن دانت کا سمت کار استعال ہو گا اور اگر مشین بہت چھوٹی نہ ہو تو اس میں دو سے زیادہ قطب ہول گے۔ با\_\_8. بك سمت رومثين 250



شکل8.8: آ گھ دندی میکانی سبت کارسے جاصل پر قی دیاویہ

### 8.2 كىسىت جزيىر كاير قى دياو

گزشتہ حصہ کے شکل 8.5 میں ا، ب، پ اور ت کھیے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ اسی طرح ٹ، ث، ج اور چ کھیے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ حصہ 5.3 میں مساوات 5.23 یک کچھی یک سمت جزیٹر کا محرک برقی دباو  $e_1$  دیتی ہے۔ اسے یہاں باد دھیانی کے لئے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$(8.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

خلائی درز میں کیساں  $B_m$  کی صورت میں تمام کیچھوں میں ایک جیسا محرک برقی دیاو پیدا ہو گا۔ یوں شکل 8.4 میں د کھائے لمحہ پر (شکل 8.5 سے رجوع کریں) جزیٹر کا کل محرک برقی دباو e ، ایک کیھے کے محرک برقی دباو کا جار گنا

(8.2) 
$$e = e_{l} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow}$$

$$= e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow}$$

$$= 4\omega NAB_{m}$$

جبہ شکل 8.6 میں دکھائے گئے لیحہ پر e صرف تین لیچھوں کے محرک برتی دباو کا مجموعہ ہو گا (شکل 8.7 سے رجوع کرس):

(8.3) 
$$\begin{aligned} e &= e \cdot + e \cdot + e \cdot \cdot \\ &= e \cdot + e \cdot \cdot + e \cdot \cdot \\ &= 3\omega NAB_m \end{aligned}$$

شکل 8.8 میں آٹھ دندی میکانی سمت کار سے حاصل برقی دباو د کھایا گیا ہے جہاں یک سمت برقی دباویر سوار غیر مطلوبہ لہر نظر آ رہی ہیں۔اگر جزیٹر کے ایک جوڑی قطبین پر n کیجھے ہوں تب شکل 8.5 کی طرح ہے دو  $rac{n}{2}$  سلسلہ

وار کچھوں جتنا محرک برقی دباو پیدا کرے گا۔

(8.4) 
$$e = -\frac{n}{2}\omega N\phi_m = -\frac{n}{2}\omega NAB_m$$

اس صورت میں غیر مطلوبہ اہر کل یک سمت برقی دباو کی تقریباً

(8.5) 
$$\frac{\omega N \phi_m}{\frac{n}{2} \omega N \phi_m} \times 100 = \frac{2}{n} \times 100$$

فی صد ہو گی۔یوں فی قطب دندوں کی تعداد بڑھانے سے زیادہ ہموار برقی دباو حاصل ہو گا اور غیر مطلوبہ اہر قابل نظر انداز ہو گی۔

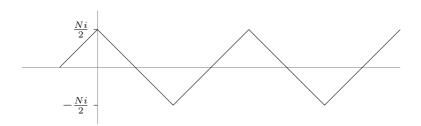
تصور کریں کہ شکل 8.4 کی مشین کی خلائی درز میں  $B_m$  غیر کیسال ہے۔اب کچھوں میں محرک برقی دباو مساوات 8.1 کے تحت مختلف زاویوں پر مختلف ہو گا۔اس طرح مشین سے حاصل کل برقی دباو چار سلسلہ وار کچھوں کے مختلف محرک برقی دباو کا مجموعہ

$$(8.6) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

ہو گا جہاں  $e_1, e_2, \cdots$  مختلف کچھوں کے محرک برقی دباوہیں۔

شکل 8.4 میں گھومتے حصہ کو ایک دندان کے برابر حرکت دینے سے دوبارہ یہی شکل حاصل ہو گا لہذا ایک دندان حرکت کے بعد حاصل برقی دباو بھی دوبارہ وہی ہو گا۔میکانی سمت کار کے فی قطب دندوں کی تعداد بڑھانے سے ایک دندان کے برابر حرکت بہت چھوٹی ہو گی لہذا خلائی درز میں ہمواری کے ساتھ تبدیل ہوتے کافت مقناطیسی بہاو کی صورت میں اتنی کم حرکت کے احاطے میں  $B_m$  کی قیمت میں تبدیلی قابل نظر انداز ہو گی اور  $B_m$  کو کیسال تصور کیا جا سکتا ہے۔یوں اگر کچھا ایک دندان کے احاطے میں حرکت کرے تو اس میں محرک برقی دباو تبدیل نہیں ہو گا۔یعنی جس کچھے کا محرک برقی دباو  $e_1$  ہو اس کچھے کا محرک برقی دباو  $e_2$  ہو اس کچھے کا محرک برقی دباو  $e_3$  ہو اس کچھے کا محرک برقی دباو ایک متنقل قیمت ہو گی، لہذا اگرچہ دیں دیا گیا کہ میں دیا گیا محرک برقی دباو (جو ان مستقل قیمت ہو گا) بھی ایک مستقل ہو گا۔

ہم نے دیکھا کہ خلائی درز میں ہمواری کے ساتھ تبدیل ہوتے  $B_m$  کی صورت میں جزیڑ سے معیاری یک سمت مخرک برقی دباو حاصل ہو گا۔ بدلتا رو جزیڑ میں  $B_m$  سائن نما رکھنا ضروری ہوتا ہے۔ نہایت چھوٹی یک سمت مشینوں کے خلائی درز میں  $B_m$  کیسال رکھا جاتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں اسے ہمواری کے ساتھ تبدیل کیا جاتا ہے۔ جیسا اوپر ذکر ہوا عملاً میکانی سمت کار کے دندوں تک کچھوں کے سروں کی رسائی ممکن تب ہوتی ہے جب ہر شگاف میں دو کچھ



شكل 8.9: آرى دندول نما كثافت مقناطيسي دباويه

رکھے جائیں۔ خلائی درز میں اس طرح رکھے گئے کچھوں کا مقناطیسی دباو آری کے دندوں کی مانند ہوتا ہے، جسے شکل 8.9 میں دکھایا گیا ہے۔

متعدد قطبین مثین میں شالی اور جنوبی قطبین کے ایک جوڑے کا پیدا کردہ یک سمت برتی دباو مساوات 8.4 دے گی جہال n قطبین کے ایک جوڑے پر میکانی سمت کار کے دندوں کی تعداد ہے۔قطبین کے زیادہ جوڑیوں سے حاصل یک سمت برتی دباو کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑا جا سکتا ہے۔

#### 8.3 قوت مرورُ

یک سمت مشینوں کا امالی برقی د باو اور قوت مروڑ خلائی درز میں مقناطیسی د باو کی صورت پر منحصر نہیں ہوتا ہے۔اپنی سہولت کے لئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی د باو سائن نما تصور کرتے ہیں۔

توی کچھے کے آری دندان نما مقناطیسی دباو (شکل 8.9) کا بنیادی فوریئر جزو<sup>5</sup> درج ذیل ہو گا۔

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

یک ست مثین میں ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباو آپس میں عمودی ہوتے ہیں للذا ان میں قوت مروڑ مساوات 5.103 کی طرح درج ذبل ہو گا۔

$$(8.8) T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

fundamental Fourier component<sup>5</sup>

مثال 8.1: دو قطب، بارہ دندی میکانی سمت کار کے یک سمت جزیٹر میں ہر قوی لچھا ہیں چکر کا ہے۔ایک لچھے سے گزرتا مقناطیسی بہاو 0.0442 ویبر ہے۔ جزیٹر 3600 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔

- جزیر کے یک سمت برقی دباو میں غیر مطلوبہ لہر کل برقی دباو کا کتنا فی صد ہو گا؟
  - یک سمت برقی دباو حاصل کریں۔

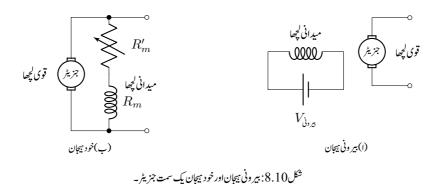
حل:

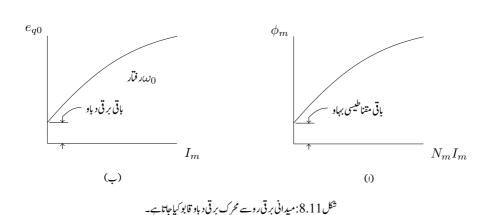
- ماوات  $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$  في صد حاصل ہوتا ہے۔
- جزیٹر کی رفتار  $60=\frac{12}{2}$  ہر ٹزیے یوں مساوات 8.4 سے یک سمت برقی د باو درج ذیل حاصل ہو گا۔  $e=\frac{12}{2}\times 2\times \pi\times 60\times 20\times 0.0442=1999.82\,\mathrm{V}$

## 8.4 بير وني هيجان اور خود هيجان يك سمت جزير ا

بیرونی ایجان 6 یک سمت جزیٹر کے میدانی کچھے کو بیرونی یک سمت برتی دباو مہیا کا جاتا ہے جبکہ نود ایجان <sup>7</sup> یک سمت جزیٹر کے میدانی کچھے کو جزیٹر کا اپنا محرک برتی دباو مہیا کیا جاتا ہے۔ یک سمت جزیٹر کی کارکردگی اس کو ہیجان کرنے کے طریقے پر منحصر ہوتی ہے۔

شکل 8.10-ا میں قوی کچھے 8 اور میدانی کچھ 9 کو آپس میں عمودی بنایا گیا ہے۔یوں یاد رہنا ہے کہ ان کچھوں کے پیدا کردہ مقناطیسی دباو آپس میں عمودی ہیں۔یہاں قوی کچھے کی صورت میکانی ست کار کی طرح بنائی گئی ہے۔





میدانی اور قوی لچھوں کے مقناطیسی دباو آپس میں عمودی ہیں جس سے ہم اخذ کر سکتے ہیں کہ ایک لچھے کا برقی دباو دوسرے لچھے کے برقی دباو پر اثر انداز نہیں ہو گا۔یوں مقناطیسی قالب کے کسی ایک رخ سیر ابیت، اس رخ کے عمودی دوسرے رخ کی سیر ابیت پر اثر انداز نہیں ہو گا۔

شکل 8.10-ا میں بیرونی بیجان مشین کے میدانی کچھے کو بیرونی یک ست برقی طاقت مہیا کی گئی ہے۔میدانی کچھے کا برقی رو تبدیل کر کے میدانی مقناطیسی دباو m میدانی مقناطیسی بہاو m اور کثافت مقناطیسی بہاو m تبدیل کے جا سکتے ہیں۔یوں جزیئر کا محرک برقی دباو مساوات 8.1 کے تحت تبدیل کیا جا سکتا ہے یا موٹر کی قوت مروڑ مساوات 8.8 کے تحت تبدیل کیا جا سکتا ہے کا موٹر کی جا سکتی ہے۔

برقی رو کے بڑھنے سے قالب کی سیر ابیت شکل 8.11 میں واضح ہے۔ قالبی سیر ابیت کی بنا برقی رو بڑھاتے ہوئے ابتدائی طور محرک برقی د باو اور میدانی کچھے کا برقی رو راست متناسب ہوں گے جبکہ زیادہ برقی رو پر ایسا نہیں ہوگا۔ شکل-ب کی ترسیم مشین کے کہلے سر معائنہ سے حاصل کی جا سکتی ہے۔ شکل-ب میں محرک برقی د باو کو  $e_0$  کی جائے  $e_{q0}$  کھے سے ایک معین رفتار  $\omega_0$  پر محاصل کیا گیا ہے۔ کسی دوسری رفتار  $\omega_0$  پر محرک برقی د باو  $e_0$  کے حصول کے لئے مساوات 8.4 کی مدد سے

(8.9) 
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

لکھ کر

$$(8.10) e_q = \frac{\omega}{\omega_0} e_{q0}$$

يا

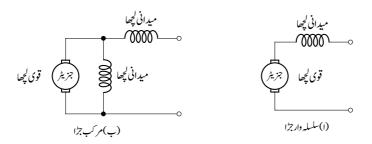
$$(8.11) e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں رفتار کو چکر فی منٹ 10 میں (بھی) لیا گیا ہے۔ یاد رہے کہ یہ مساوات صرف اس صورت درست ہوں گے جب مقناطیسی میدان تبدیل نہ ہو۔

> separately excited<sup>6</sup> self excited<sup>7</sup> armature coil<sup>8</sup>

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \text{field coil}^9 \\ \text{rpm, rounds per minute}^{10} \end{array}$ 

باب. 8 يك سمت رومشين



شكل8.12: سلسله واراور مركب جِرْاخود بيجان جزيرْ بـ

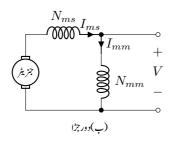
شکل 8.10- بیں خود بیجان مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی کچھے متوازی بڑے ہیں۔ اس طرح بڑے جزیر کو خود بیجار متوازی برا<sup>11</sup> جزیر کہتے ہیں۔میدانی کچھے کے ساتھ ایک مزاحت سلسلہ وار بڑی ہے۔ اس مزاحت کو تبدیل کر کے میدانی برقی رو تبدیل کیا جاتا ہے جس سے،بالکل بیرونی بیجان مشین کی طرح، جزیر کا محرک برقی دباو کے میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے۔ ایک بار بیجان ہونے کے بعد مقناطیسی قالب میں باقی مقناطیسی بہاو رہتا ہے جیسا شکل 8.11- میں دکھایا گیا ہے۔ یوں میدانی کچھا بیجان کئے بغیر جزیر پچھ محرک برقی دباو میدا کرے گا<sup>21</sup> شکل - بیں صفر میدانی برقی رو پر باقی برق دباو دکھایا گیا ہے۔

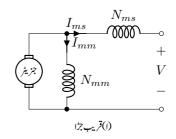
خود ہیجان جزیر ساکن حال سے چالو ہو کر ابتدائی طور پر باقی محرک برقی دباو پیدا کرے گا جو میدانی کچھے میں برقی رو پیدا کر کے مقناطیسی میدان پیدا کرتے ہوئے مشین کو ذرا زیادہ ہیجان کرتا ہے۔یوں مشین کا محرک برقی دباو ہیدا کر نا شروع کرتا ہے۔یہ سب اسی مجھی کچھ بڑھ جائے گا۔اس طرح کرتے کرتے جزیئر جلد پورا محرک برقی دباو پیدا کرنا شروع کرتا ہے۔یہ سب اسی دوران ہوتا ہے جس میں مشین کی رفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔

شکل 8.12 میں خود بیجان جزیئر کے دو مزید اقسام دکھائے گئے ہیں۔ ایک نود بیجائے سلسلہ وار جڑا جزیئر اور دوسرا نود بیجائے مکتب خود بیجائے سلسلہ وار جڑے ہوتے ہیں۔ مرکب جنریئر میں میدانی اور قوی کچھے سلسلہ وار جڑے ہوتے ہیں۔ مرکب جنریئر میں میدانی لچھا دو حصول پر مشتمل ہوتا ہے۔ ایک حصہ قوی کچھ کے متوازی اور دوسرا سلسلہ وار جڑا ہوتا ہے۔ مزید، متوازی حصہ قوی کچھ کے قریب ہو سکتا ہے یا سلسلہ وار کچھ کی دوسری جانب، دور جڑا ہو سکتا ہے۔ پہلی صورت میں اس قریب جڑا مرکب جزیئر اور دوسری صورت میں دور جڑا مرکب جزیئر اور دوسری صورت میں دور جڑا مرکب جزیئر کہیں گے۔ شکل 8.13 میں مرکب جزیئر کے دونوں اشکال دکھائے گئے ہیں۔

parallel connected<sup>11</sup>

<sup>12</sup> ھیک سوچ رہے ہیں۔ جزیم بنانے کے کار خاند میں قالب کو پہلی مرتبہ مقاطیں بنانایٹر تاہے۔





شكل 8.13: مركب قريب جراااور مركب دور جراخود بيجان جزيئر

یک سمت موٹر بھی اسی طرح پکارے جاتے ہیں۔ یعنی شکل 8.10 کی طرح جڑی دو موٹروں کو بیرونی ہیجان موٹر اور خود ہیجان متوازی جڑی موٹر کہیں گے۔موٹر میں قوی کیچھے کا برقی رو جزیئر کے برقی رو کا مخالف رخ ہو گا۔

تمام اقسام کے یک سمت جزیٹر کا میدانی مقناطیسی دباو، جزیٹر کے میدانی کچھے کے چکر ضرب برقی رو کے برابر وہ گا:

$$\tau = N_m I_m$$

شکل 8.10 میں خود بیجان متوازی بڑے جزیٹر کے میدانی کچھے میں برقی رو، اس کچھے کی مزاحمت اور اس کے ساتھ برگی مزاحمت کے مجموعہ  $R=R_m+R'_m$  پر مخصر ہو گا لیعنی  $I_m=rac{V}{R}$  لہذا خود بیجان متوازی بڑی جزیٹر کے کئے مساوات R=1 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

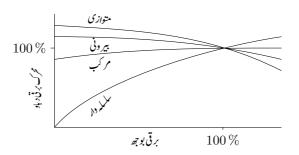
$$\tau_{m,m} = \frac{I_m V}{R_m + R'_m}$$

سلسلہ وار جڑا جزیٹر میں میدانی برتی رو جزیٹر کے قوی کچھے کا برتی رو ہو گا للذا سلسلہ وار جزیٹر کے لئے مساوات 8.12 درج ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$\tau_{m,s} = N_m I_q$$

شکل 8.13 کے مرکب جزیٹر میں میدانی مقناطیسی دباو کے دو جسے ہیں۔اس میں  $N_{mm}$  چکر کے متوازی جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  اور  $N_{ms}$  چکر کے سلسلہ وار جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  ہدیار سلسلہ وار جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  کے لئے درج ذیل ہوگا۔

(8.15) 
$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$



شکل 8.14: یک سمت جزیٹر کی محرک برقی د باو بمقابلہ برقی بوجھ کے خط۔

## 8.5 کی سمت مشین کی کار کرد گی کے خط

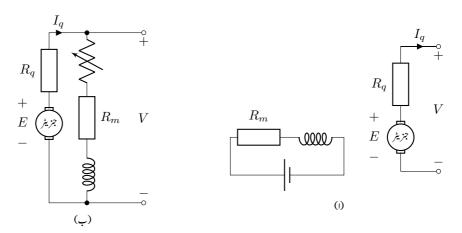
#### 8.5.1 حاصل برقى دباوبالمقابل برقى بوجھ

مختلف اقسام کے یک سمت جزیر وں کے برتی دباو بالمقابل برتی بوجھ خطوط شکل 8.14 میں دکھائے گئے ہیں جہاں مستقل گھومتی رفتار تصور کی گئی ہے۔دھرے پر لاگو بیرونی میکانی طاقت جزیئر کی قوت مروڑ کے خلاف جزیئر کو گھماتی ہے۔

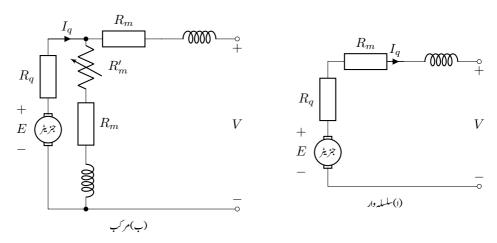
ان خطوط کو سیجھنے کی خاطر پہلے ہیرونی ہیجان جزیٹر پر غور کرتے ہیں جس کا مساوی برقی دور شکل 8.15-1 میں ویا گیا ہے۔ ہیرونی ہیجان جزیٹر پر برقی بوجھ لادنے سے قوی کیجھے کی مزاحمت  $R_q^{13}$  میں برقی رو  $I_q$  کی بنا اس مزاحمت ویا گیا ہے۔ ہیرونی ہیجان جزیٹر سے حاصل برقی دباو V ، جزیٹر کے اندرونی محرک برقی دباو  $E_q$  سے کچھ کم ہوگا:  $V=E_q-I_qR_q$ 

برقی بوجھ  $I_q$  بڑھانے سے جزیٹر سے حاصل برقی دباو مزید کم ہو گا۔ بیرونی بیجان جزیٹر کا خط یہی رجمان ظاہر کرتا ہے۔ حقیقت میں دیگر وجوہات بھی اثر انداز ہوتے ہیں جن کی بنا سے خط سیدھا نہیں بلکہ جھکا ہوتا ہے۔

متوازی جڑی جزیر کے خط کا بھی یہی رجمان ہے۔ متوازی جڑی جزیر پر بھی برقی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مزاحمت میں برقی دباو بھی کم ہو جاتا ہے جس سے میدانی کچھے



شکل 8.15: بیر ونی بیجان، متوازی جڑے جزیٹر کامساوی برقی دور۔



شکل 8.16: سلسلہ وار اور مرکب جزیٹر کے مساوی ہرتی دور۔

میں برقی رو گھٹتا ہے۔ اس سے محرک برقی دباو مزید کم ہوتا ہے۔ یوں متوازی جڑے جزیٹر کے برقی دباو بالمقابل برقی بوجھ خط کی ڈھلوان بیرونی ہیجان جزیٹر کی خط سے زیادہ ہو گی۔

شکل 8.16 میں سلسلہ وار اور مرکب جزیئر کے مساوی برقی ادوار دکھائے گئے ہیں۔سلسلہ وار جڑے جزیئر کے میدانی کھیے میں لدے بوجھ کا برقی رو گزرتا ہے۔اس طرح بوجھ بڑھانے سے میدانی مقناطیسی دباو بڑھ کر محرک برقی دباو بڑھاتا ہے۔سلسلہ وار جڑے جزیئر عموماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حاصل برقی دباو، بوجھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتا ہے۔

مرکب جڑے جزیٹر کی کارکردگی سلسلہ وار اور متوازی جڑا جزیٹر کے نی ہے۔مرکب جزیٹر میں بوجھ بڑھانے سے قوی کچھے کی وجہ سے حاصل برتی دباو میں کی کو میدانی کچھے کا بڑھتا مقناطیسی دباو پورا کرتا ہے۔یوں مرکب جزیٹر سے حاصل برتی دباو، لدے بوجھ کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتا ہے۔

بیرونی بیجان، متوازی اور مرکب جڑے جزیٹر سے حاصل برقی دباو کو متوازی جڑی کچھے کے برقی رو سے وسیع حدوں تک تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

قوی لچھا برقی بوجھ کو درکار برقی رو فراہم کرتا ہے للذا بیہ موٹی موصل تارکا بنا اور عموماً کم چکرکا ہوتا ہے۔سلسلہ وار جزیٹر کے میدانی کچھے سے مشین کا پورا برقی رو گزرتا ہے للذا بیہ بھی موٹی موصل تارکا بنا ہوتا ہے۔باقی مشینوں کے میدانی کچھوں میں پورے برقی بوجھ کا چند فی صد برقی رو گزرتا ہے للذا بیہ باریک موصل تارکے بنائے اور عموماً زیادہ چکر کے ہوتے ہیں۔

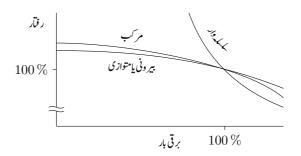
#### 8.5.2 رفتار بالتقابل قوت مرورُ

یہاں بھی شکل 8.15 اور شکل 8.16 سے رجوع کریں البتہ ان اشکال میں برقی رو کے رخ الٹ کر دیں۔ یک سمت موٹر بھی جزیئر کی طرح مختلف طریقوں سے جڑے جاتے ہیں۔موٹر کو معین بیرونی برقی دباو دی جاتی ہے جہاں سے یہ برقی رو عاصل کرتا ہے۔برقی رو باہر سے قوی کچھے میں داخل ہوتا ہے لہذا ان کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$V = E_q + I_q R_q$$

$$I_q = \frac{V - E_q}{R_q}$$

علامتRq کے زیر نوشت میں q لفظ قوی کے پہلی حرف ق کو ظاہر کرتی ہے۔



شكل 8.17: يك ست موٹر كے ميكاني بوجھ بالقابل رفتار خطوط۔

بیرونی بیجان اور متوازی جڑی موٹروں میں میدانی کیھے کو برقرار معین بیرونی برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے للذا میدانی مقاطیسی بہاو پر میکانی بوجھ کا کوئی اثر نہیں ہوتا ہے۔ بڑھتا میکانی بوجھ اٹھانے کی خاطر، مساوات 8.8 کے تحت، قوی کیھے کا مقاطیسی بہاو بڑھنا ہو گا۔ یہ تب ممکن ہو گا جب قوی کیھے میں برقی رو بڑھے۔ مساوات 8.17 سے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کیھے کا محرک برقی دباو  $E_q$  گڑھنے سے ہی ایسا ممکن ہو گا۔  $E_q$  موٹر کی رفتار پر منحصر ہے للذا موٹر کی رفتار کی موتی ہے۔ کم ہو جائے گی۔ یوں جیسا شکل 8.17 میں یہ دکھایا گیا ہے میکانی بوجھ بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہوتی ہے۔

متوازی جڑی یا بیرونی بیجان موٹر تقریباً مستقل رفتار برقرار رکھتی ہے۔اس کی رفتار بے بوجھ حالت سے پوری طرح بوجھ بردار حالت تک تقریباً پانچ فی صد گھٹتی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی کچھے کا برقی رو تبدیل کر کے تبدیل کی جاتی ہے۔میدانی کچھے کا برقی رو تبدیل کر کے تبدیل کر کے میدانی کچھے کا برقی دو تبدیل کریا جاتا ہے۔یوں ان کی رفتار وسیع حدوں کے بچ تبدیل کرنا ممکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بیرونی برقی دباو تبدیل کر کے بھی رفتار قابو کی جا سکتی ہے۔ایسا عموماً قوی برقیات کی مدد سے کیا جاتا ہے۔

ساکن حال سے چالو کرتے ہوئے کھہ کی قوت مروڑ اور زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ، ان موٹروں کے قوی کچھے تک برقی رو پہنچانے کی صلاحیت پر منحصر ہوتی ہے جو ازخود میکانی سمت کار پر منحصر ہو گا۔

سلسلہ وار جڑی موٹر پر میکانی ہوجھ بڑھانے سے قوی اور میدانی کچھوں میں برتی رو بڑھتا ہے جس کی بنا میدانی مقاطیسی بہاو بڑھے گا اور ، مساوات  $R_q$  کے تحت V اور  $R_q$  اٹل ہونے کی بنا،  $E_q$  کو کم ہونا ہو گا جو موٹر کی رفتار گھنے سے ہو گا۔ ہوجھ بڑھانے سے ان موٹر کی رفتار کافی زیادہ کم ہوتی ہے۔ایسے موٹر ان مقامات پر بہتر ثابت ہوتے ہیں جہاں زیادہ قوت مروڑ درکار ہو۔بڑھتی قوت مروڑ کے ساتھ ان کی رفتار کم ہونے کی وجہ سے درکار برتی طاقت، قوت مروڑ کے ساتھ ان کی رفتار کم ہونے کی وجہ سے درکار برتی طاقت، قوت مروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتی۔

یبال اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بوجھ سلسلہ وار جڑی موٹر کی رفتار خطرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔ایسے موٹر کو استعال کرتے وقت اس بات کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحہ بوجھ بردار رہے۔

ساکن موٹر چالو کرتے وقت  $I_q$  زیادہ ہو گا لہذا زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا ہو گا۔یوں چالو کرتے وقت موٹر کی قوت مروڑ خاصی زیادہ ہو گی۔ یہ ایک اچھی خوبی ہے جس کی بنا بوجھ بردار ساکن موٹر کو چالو کرنا آسان ہوتا ہے۔

مرکب موٹروں میں ان دو اقسام کی موٹروں کے خواص پائے جاتے ہیں۔جہاں بوجھ بردار موٹر چالو کرنا ضروری ہو لیکن رفتار میں سلسلہ وار موٹر جتنی تبدیلی منظور نہ ہو وہاں مرکب موٹر کارآمد ثابت ہوتے ہیں۔

مثال 8.2: ایک 75 کلو واٹ، 415 وولٹ اور 1200 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلنے والی متوازی جڑی یک سمت موٹر کے قوی کچھے کی مزاحمت 83.2 اوہم ہے۔بوجھ بردار موٹر 1123 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلتے ہوئے 1127 ایمپیئر لے رہی ہے۔

- میدانی برقی رو اور توی کیھے کا برقی رو حاصل کریں۔
  - موٹر کی اندرونی پیدا کردہ برقی دباو حاصل کریں۔
- اگر میدانی کچھے کی مزاحت 100.2 اوہم کر دی جائے لیکن قوی کچھے کا برقی رو تبدیل نہ ہو تب موٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟ قالب کی سیر ابیت کو نظرانداز کریں۔

حل:

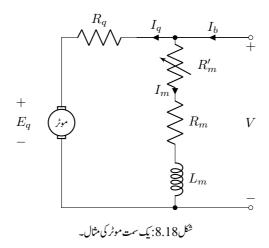
• شكل 8.18 سے رجوع كريں ـ 415 وولٹ پر ميداني ليچے كا برتى رو درج ذيل ہو گا۔

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 \,\mathrm{A}$$

يوں قوی کيچھے کا برتی رو  $I_q=I_b-I_m=112-4.988=107.012\,\mathrm{A}$  ہو گا۔

• یک ست موٹر کا اندرونی پیدا کردہ برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$



• اگر میدانی کیھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے تب  $I_m$  درج ذیل ہو گا۔

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{100.2} = 4.1417 \,\text{A}$$

• اگر قوی کیچے کا برقی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھا جائے تب اندرونی دباو درج ذیل ہو گا۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

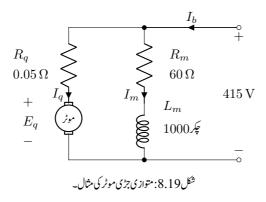
• مساوات 8.4 کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کردہ برقی دباو تبدیل نہیں ہوالیکن مقناطیسی بہاو تبدیل ہوا ہے للذا موٹر کی رفتار تبدیل ہو گی۔ان دو مقناطیسی بہاو اور رفتاروں پر مساوات 8.9 کی طرح درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$

اب چونکہ  $E_{q1}=E_{q2}$  ہے لہذا  $\omega_1\phi_{m1}=\omega_2\phi_{m2}$  ہو گا۔ قالبی سیر ابیت نظرانداز کرتے ہوئے متناطیسی بہاو، میدانی دباو پر منحصر ہو گا جو از خود میدانی برقی رو پر منحصر ہو گا البذا درج ذیل ہو گا۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

باب.8. يك سمت رومشين



يوں نئي رفتار

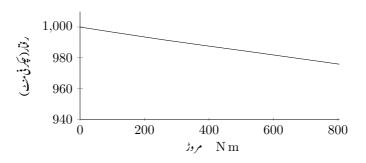
$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{4.988}{4.1417} \times 1123 = 1352.47$$

چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں ہم دیکھتے ہیں کہ میدانی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفتار بڑھتی ہے۔

مثال 8.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ متوازی جڑی یک ست موٹر کی قوی کچھے کی مثال 3.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ ہے۔میدانی کچھا 1000 کھر کا رفتار 1000 چکر فی منٹ ہے۔میدانی کچھا 1000 چکر کا ہے۔

- جب یہ موٹر 70 ایمپیئر لے رہی ہواس وقت اس کی رفتار معلوم کریں۔
  - 140 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کریں۔
  - 210 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کریں۔
  - اس موٹر کی رفار بالقابل قوت مروڑ ترسیم کریں۔

حل:



شكل8.20:ر فتار بالمقابل قوت مروراً ـ

• شکل 8.19 میں موٹر دکھائی گئی ہے۔ متوازی میدانی کچھ کے برتی روپر بوجھ کا کوئی اثر نہیں ہو گا۔ لہذا میدانی مقناطیسی بہاو ہے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر میں ایک جیسا ہو گا۔ بباریک سمت موٹر کے قوی کچھے کا برتی روپو  $I_q$  قابل نظر انداز ہوتا ہے۔ اس طرح مساوات 8.17 اور مساوات 8.11 سے درج ذیل حاصل ہوں گے۔  $I_q$  قابل نظر انداز ہوتا ہے۔ اس طرح مساوات 8.17 اور مساوات  $I_q$  کے۔

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \,\mathrm{V}$$
 
$$I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.916 \,\mathrm{A}$$

يوں 415 وولٹ محرک برقی دباو پر 1000 چکر فی منٹ یا 16.66 چکر فی سینڈ رفتار حاصل ہو گا۔70 ایمپیئر برقی بوجھ پر بھی  $I_m = 6.916$  ہو گا جبکہ  $I_q$  درج ذیل ہو گا۔

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 \,\mathrm{A}$$

مساوات 8.17 سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458 \,\text{V}$$

اور مساوات 8.11 سے رفتار (چکر فی منٹ) حاصل کرتے ہیں۔

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}} rpm_0 = \frac{411.8458}{415} \times 1000 = 991.95$$

- آئیں ان تمام کو  $I_b = 140\,\mathrm{A}$  کے لئے حاصل کریں۔

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.916 = 133.084 \text{ A}$$
 
$$E_q = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 \text{ V}$$
 
$$rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$$

باب.8. يك سمت رومثين

• يبال 
$$I_b = 210 \, \mathrm{A}$$
 يبال المنا ورج ذيل بول گـ

$$I_q = I_b - I_m = 210 - 6.916 = 203.084 \,\text{A}$$

$$E_q = 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 \,\text{V}$$

$$rpm = \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83$$

• موٹر میں ضیاع طاقت کو نظر انداز کرتے ہوئے میکانی طاقت فراہم کردہ برقی طاقت کے برابر ہو گی:

$$(8.18) e_q I_q = T\omega$$

 $T_0 = 0\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  یوں پچھلے جزو سے حاصل جوابات کی مدد سے بے بوجھ موٹر کی قوت مروڑ صفر ہو گی لینی عنی جبکہ  $70\,\mathrm{m}\,\mathrm{m}$  کہتے ہوئے ہوئے ہوئے۔ جبکہ  $70\,\mathrm{m}\,\mathrm{m}$  ہوگی۔

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2 \times \pi \times 16.5325} = 250 \, \mathrm{N \, m}$$

يہاں 991.95 چکر فی منٹ کی رفتار کو 16.5325 ہرٹز لکھا گیا ہے۔ اسی طرح درج ذیل ہوں گے۔

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = 527 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

يه نتائج شكل 8.20 ميں ترسيم كئے گئے ہيں۔

# فرہنگ

earth, 95	ampere-turn, 33
eddy current loss, 62	armature coil, 133, 253
eddy currents, 61, 128	, ,
electric field	capacitor, 197
intensity, 10	carbon bush, 179
electrical rating, 59	cartesian system, 4
electromagnet, 133	charge, 10, 138
electromotive force, 61, 139	circuit breaker, 181
electronics	coercivity, 46
power, 209	coil
emf, 139	high voltage, 56
enamel, 62	low voltage, 56
energy, 44	primary, 55
co, 115	secondary, 55
Euler, 20	commutator, 166, 243
excitation current, 52, 60, 61	conductivity, 25
excitation voltage, 61	conservative field, 111
excite, 61	core, 55, 128
excited coil, 61	core loss, 62
	core loss component, 64
Faraday's law, 38, 127	Coulomb's law, 10
field coil, 133, 253	cross product, 13
flux, 30	cross section, 9
Fourier series, 63, 143	current
frequency, 132	transformation, 66
fundamental, 144	cylindrical coordinates, 5
fundamental component, 64	
	delta connected, 94
generator	differentiation, 18
ac, 161	dot product, 15
ground current, 95	
ground wire, 95	E,I, 62

نـــربنگــــــ

Ohm's law, 26	harmonic, 144
open circuit test, 87	harmonic components, 64
orthonormal, 3	Henry, 39
	hunting, 180
parallel connected, 256	hysteresis loop, 46
permeability, 26	
relative, 26	impedance transformation, 71
phase current, 95	induced voltage, 38, 49, 61
phase difference, 22	inductance, 39
phase voltage, 95	leakage, 185
phasor, 21	induction
pole	motor, 209
non-salient, 141	
salient, 141	Joule, 44
power, 44	
power factor, 22	lagging, 22
lagging, 22	laminations, 31, 62, 128
leading, 22	leading, 22
power factor angle, 22	leakage inductance, 79
power-angle law, 190	leakage reactance, 79
primary	line current, 95
side, 55	line voltage, 95
	linear circuit, 228
rating, 97, 98	load, 99
rectifier, 166	Lorentz law, 138
relative permeability, 26	Lorenz equation, 104
relay, 103	
reluctance, 25	magnetic constant, 26
residual magnetic flux, 46	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 19, 50, 166	intensity, 11, 33
rotor, 37	magnetic flux
rotor coil, 106	density, 33
rpm, 157	leakage, 79
	magnetizing current, 64
saturation, 47	mmf, 30
scalar, 1	model, 81, 209
self excited, 253	mutual flux linkage, 43
self flux linkage, 43	mutual inductance, 43
self inductance, 43	
separately excited, 253	name plate, 98
side	non-salient poles, 179

ف ریگ \_\_\_\_

transformer	secondary, 55
air core, 59	single phase, 23, 59
communication, 59	slip, 211
ideal, 65	slip rings, 178, 231
oil, 77	squirrel cage, 234
transient state, 177	star connected, 94
	stator, 37
unit vector, 2	stator coil, 106, 129
	steady state, 177
VA, 76	step down transformer, 58
vector, 2	step up transformer, 58
volt, 138	surface density, 11
volt-ampere, 76	synchronous, 132
voltage, 138	synchronous inductance, 186
DC, 166	synchronous speed, 157, 178
transformation, 65	
TTT 44	Tesla, 33
Watt, 44	theorem
Weber, 33	maximum power transfer, 231
winding	Thevenin theorem, 228
distributed, 141	three phase, 59, 93
winding factor, 149	time period, 101, 143
	torque, 167, 211
	pull out, 180

بھنور نمابر تی رو،128	ابتدائي
بے بو جھ، 60	جانب،55
•	لى بىيا. كى بىيا، 55
پترى،31،318	ار تباط بهاو، 39
پتریال،62	اضافي
پیش زاویه ،22	ر اویائی رفتار ، 214
	اكائي سمتىيە، 2
تاخيرى،80	الماله، 39
تاخير ي زاويه، 22	رستا، 185
تار کابر قي د باو، 95	امالی
تار کا بر تی رو، 95	پر تی د باو، 49
تانبا،28	امالى بر تى د باد، 38 ، 61
تبادله	ا بِک، تین پتریال، 62
ر کاوٹ، 71	اينمپيئر - چکر ، 33
تختی،98 تــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	
تعدد،132 تة م	ار، 138
تعقب،180 تفرق،18	بر قرار چالو، 101، 177
لفرن،18 جزوی،18	ېرق گىير،197
بزوی،18 تکونی جوڑ،94	بر قیات
سوي بور،94 توانائي،44	قۇي،209
نوانان،44 ہمہ،115	برتی بد،10،38
ہمہ،113 تین دوری،93،59	بر تی د باو، 138،28
93,39,0,0	تبادله،65،56
ٹرانسفار مر	مځرک،139
برقی د باووالا، 59	ىيجانى،187
رص د باد دار، 68 بوجھ بردار، 68	يك سمت،166
جوبط برداره. تيل،77	ېر تې رو، 28
خلائی قالب،59	بھنور نما، 128
د باوبر <i>ط</i> اتا، 58	تبادله،66
ر باو گھٹاتا،58	ڀيجان انگيز،52
ذرائع ابلاغ، 59	برقی سکت،59
رووالا،59	برقی میدان،10
كامل،65	شدت،10،28
ٹسلا،33	بث،179
ٹھنڈی تار،95	بناوٹ،87
	بنیادی جزو، 144،64
ثانوی جانب،55	بو چه ، 99
	بھٹی،117
جاول،44	بچنور نما :
97.	بر تی رو، 61
ڪچيلاو،149	ضياع،62

ف ن رائل

زاویه جزوطاقت،22 زنین برق زمینی برقی رو،95 زمینی تار،95	جزوطاقت،22 چین،22 تاخیر ی،22 جزیئر
ساكن حصه ،37 ساكن لچھا،106 ،129 ستاره نماجوڑ ،94 سركاو،211	بدلتارو،161 جوژ تکونی،94 ستاره نما،94
سرگ چيلے، 231،178 سطى تكمل، 183 سطى كثافت، 11	چکر فی منث ،128 چو ئی، 213 حال
سکت،98،97 سلسله دار،147 سمت کار،243 بر قباتی،166	عارضى،177 كيسان،177
بريان،166 ممتيه،2 ممتيه،2 عود ياكاني،3 سمتي ر فآر،104	خطی برتی دور،228 خودار تباط بهاه، 43 خوداماله، 43
سرابت، 47 ضرب فظه، 15 ضرب صليبي، 13	واخلي بيجان سلسله وار ،256 متوازى ،256 مرکب ،256
طاقت، 44 طاقت بالمقابل زاویی، 190 طول موج، 18	دور جزامر کب،256 دور شکن، 181 دوری سمتیه، 18،21 دوری عرصه، 101، 143
عمودی تراش،9 رقبہ،9 غیرسمتی،1 غیر معاصر،180	رشا اماله،79 متعامله،79 رشامتعاملیت،219 رفتار
فوريئر،252 فوريئر شلسل،143،63 فيراڈ _ قانون،127،38	اضافی زاویائی،214 روغن،62 روک،230 ریاضی نمونه،81،209 ریلنی نمونه،103،209
قالب،128	زاويائي فرق، 22

محدد	قالبى ضياع، 62
کار ت <del>ن</del> یسی،4 کار تن	64.9.7
نگلی، 5	قانون
محرك بر تى د باد، 61	او ټم ، 26
محوري	کولمب،10
لبانی، 163 124 - 194	لورينز،138
مخلوط عدد،194	قدامت پیند میدان، 111
مرکب جزیژ، 256	قریب جزامر کب،256
مزا <i>حت،</i> 25	قطب
مزاحمت بيا، 239 مساوات لورينز، 104	ابحرے،141،170
مساوات توریز،104 مسئله	بموار، 141،179 
مسله تھونن،228	قوت مر وژ، 211،167
سون،228 زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی، 231	انتهائی،180
زیادہ سے زیادہ طاقت کی گئی کا 231	قوی بر قیات، 243 
مشتر که ارتباط اماله ، 43 مثبری سر 43	قوى كچيے،253
مشتر كه اماله، 43 اي م	
معاصر ،132 مثين ،178	كارېن بش، 179
	کار گزاری، 202
معاصراماله،186 معاصرر فیار،178،178	کثافت تر ۵۵
معائنه معائنه	ېر تې رو، 28
محاسنه کھلادور،87	كثافت مقناطيسي بهاو
مقناطيس	بقايا،46
سى يى بىق،133	کسر دور،38
برن. جال کاد انره، 46	a - /
چ <b>ين در</b> د د د د د د د د د د د د د د د د د د	گرم تار،95
مقناطیسی بر قی رو، 64 مقناطیسی بر قی رو، 64	گھومتاحصہ، 37
	گھومتالچھا،106
مقناطیسی بهاو،30	
ريتا،79	لحجِها
کافت،33 وی طلب مارچ	ابتدائی،55
مقناطیسی چال،52 پ	نچلے، 141
مقناطيسي دياو،30	پیچیدار، 41
رخ،143	ثانوي، 55
مقناطيسي قالب، 55،31	رخ،135
مقناطيسي مستقل،168،26	زياده بر تی د باد،56
31.26.0%	ساكن،106
مقناطيسي ميدان	قوي،133
شدت، 33،11	يم برقی د باو،56
موٹر	گومتا،106
109ء المالي	ميداني،133

ف رہنگ

ئىجان انگىز برقى د باد، 61 برقى رو، 61 ئىچان انگىز برقى رو، 60 ئىچانى برقى د باد، 187	پنجره نما،234 موثر،19،50 موثر قیت،166 موسیقائی جزو،144،64 موصلیت،25 میدانی کیچے،253
يب دوري، 59،23 يک دوري بر تي د باد، 95 يک دوري بر تي رو، 95 يک سمت رو مشين، 243 بولر مساوات، 20	ميدان پيدان 144 وولك، 138 وولك-ايمپيير، 76 وير، 33 وير- چكر، 39
	نچگوپارٹ، 30،25 ثیجان، 61 بیر ونی، 253 خود، 253 گیجا، 61