برقی آلات

خالد خان يوسفزئي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

ix																															7	. يباچ
1																													غا ئق	ین	بنياد	1
1																										U	كائيا	ئى أ	بنياد	1	.1	
1																											Ĺ	رارک	مقد	1	.2	
2											•																	ني	سمة	1	1.3	
2							•				•															رتب	طمر	;·)	محد	1	.4	
3																				ſ	ظام	دکان	محدا	بی.	ت ن ر	6		1.4	.1			
5												 										لام	كانظ	ئدد	لکی م	نَ		1.4	1.2			
7																											قبہ	نيرر	سمة	1	.5	
9																									ن.	ڙا ^څ	دی	, عمو	رقبه	1	.6	
10																					ن	يداا	ں م	طيسي	مقنا) اور	ران	نامیا	برق	1	.7	
10												 			ت	ندر	لى ش	ن کم	يداا) م	برق	اور:	ان	ىيدا	رقی.	۲.		1.7	'.1			
11												 ي .	ارت	ياشا	ن ک	برال) مب	ىسى	نناط	ر مع) اور	. ال	ميد	ىسى	قناط	٠.		1.7	7.2			

iv

12	سطحی اور محجی کثافت	1.8	
12	1.8.1 منطى كثافت		
13	حجمی کثا فت	1.9	
14	ضربِ صليبى اور ضربِ نقطه	1.10	
14	1.10.1 ضرب صلیبی		
16	1.10.2 ضربِ نقط		
19	تفرق اور جزوی تفرق	1.11	
19	خطی تکمل	1.12	
20	سطحي تکمل	1.13	
23	مرحلی شمتیه	1.14	
27	ووار	مقناطيسي ا	2
27 27	دوار مز احمت اور نیکچاہٹ		2
		2.1	2
27	مز احمت اور چکچاېث مز احمت اور چکچاېث	2.1	2
27	مز احمت اور نتیکچاہٹ	2.1 2.2 2.3	2
27 28 30	مز احمت اور بنگیابث مزاحمت اور بنگیابث کثافت پرتی رواور برتی میدان کی شدت برتی ادوار	2.1 2.2 2.3 2.4	2
27 28 30 32	مز احت اور نتکیابت مزاحت اور نتکیابت کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار مقناطیسی دور حصه اول	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5	2
27 28 30 32 33	مز احمت اور بنچگواهث کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِمتناطیسی بهاد اور متناطیسی میدان کی شدت	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2
27 28 30 32 33 37	مزاحت اور بنگیابت کثافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار متناطیسی دور حصه اول کثافت ِمتناطیسی بهاواور متناطیسی میدان کی شدت	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2

عــــنوان

59																											1	رانسفار	2	3
60			•		•			•															ی .	الهميت	مر کی	انسفار	ٹرا	3.1	l	
63			•		•																		ام	کے اقسا	_/	انسفار	ٹرا	3.2	2	
64																									دباو	لىبرقى	11	3.3	3	
66					•																نبياع	لبی	ور قا	قى روا	1. j.	بان اتگب	ş <u>ı</u>	3.4	ļ	
70																		يات	صوص	کے خو	ر ارو_	برق	نإدله	واورة	ن د با	دله بر ف	تباه	3.5	5	
74																				اژ	بانب	ائی ج	ابتد	وجھ کا	ب!	نوی جا:	ثاث	3.6	ó	
75					•														ب .	مطله	ں کا	. نقطو	تپر	اعلامه	ىر كى	انسفار	ٹرا	3.7	7	
75																								لہ	اتبادا	اوٹ کا	رکا	3.8	3	
80																					برُ .	ايميي	ئ	<u>لے وو</u> لہ	_/	انسفار	ٹرا	3.9)	
83) دور	ساوي	کے م	اس۔	راورا	كے امالہ	_/	انسفار	ٹرا	3.10)	
83														نا .	ہ کر:	بحد	له عل	نتعاه) کی مز	راس	ت او	راحمد	کی مز	لجھے	3	3.10.	. 1			
84																							ماليه	رِستاا	3	3.10.	.2			
85																	ت	اثرا	2	الب	اور ق	ن رو	ى بر ق	ثانو	3	3.10.	.3			
86																			باو	ر قی د	امالى ب	ے کی	<u>الجھ</u>	ثانو	3	3.10.	.4			
87														ت	زار	کے ا		نعاما	اور مة	ت ا	مزاح	ے کی	<u>الجھ</u>	ثانو	3	3.10.	.5			
88																	تبادل	ب:	، جانر	ثانوك	ائی یا	ابتد	ٹ کا	ركاور	3	3.10.	.6			
90																. ,) دور	ماوك	بن مس	ەرىي	ے ساد	ر_	غارم	ٹرانس	3	3.10.	.7			
92																					عائنه	ور م	تسرٍو	نه اور	معائه	ملے دور	8	3.11		
93																					<u>ئ</u> ر	عائن	دور •	كطے	3	3.11.	. 1			
95																						عائنه	ور م	كسرو	3	3.11.	.2			
99		•	•		•				٠	٠		٠											٠,	انسفار	له ٹر	ن مر ه	تير	3.12	2	
108																	گزر	و کا	. قى ر	کی پر	ده مح	ـ زيا	تے لمح	لو کر ۔	م حا	انسفار •	ٹرا	3.13	3	

vi

اتوانائى كايا بهى شيادله	برقی اور میکانی	4
اطيسي نظام مين قوت اور قوت مر وڑ	4.1 مقنا	
له توانا في والا ايك لحجيه كانظام	4.2 تبادا	
ائی اور کو – توانائی	4.3 توانا	
ده کیچھوں کامقناطیسی نظام	4.4 زياد	
کے بنیادی اصول کے بنیادی اصول	گھومتے مشین۔	5
ين فيراد ك	5.1 قانو	
صرمشين	5.2 معا	
ک برقی دباو	5.3	
به کیچهے اور سائن نمامقنا طیسی دباو	5.4 تھيل	
5.4 بدلتی رووالے مثین	1.1	
اطیسی د باو کی گھومتی موجیں	5.5 مقنا	
5.5 ایک دورکی لینی مشین	5.1	
5.5 تين دور کي کپڻي مشين کا مخليل تجزيي	5.2	
5.5 تين دورکي کپڻي مشين کاتر سيمي تجزيه	5.3	
ک برقی دباو	5.6	
5.6 بدلتی روبر قی جزیئر	5.1	
5.6 كى سمتى روبر تى جزيئر	5.2	
ار قطب مشينول ميں قوت مروڑ	5.7 موا	
5.7 توانائی کے طریقے سے میکانی قوت مروڑ کا حماب	7.1	
5.7 مقناطیسی بہاویے میکانی قوت مر وڑ کاحباب	7.2	

vii

6

191	ال، بر قرار چالومعاصر مشین	یکسال م
192	متعدد ومرحله معاصر مثنین	6.1
196	معاصر مشین کے امالہ	6.2
197	6.2.1 خوداماله	
198	6.2.2 مشتر كه اماله	
200	6.2.3 معاصراماله	
202	معاصر مشین کامساوی دوریاریاضی نمونه	6.3
204	برقی طاقت کی منتقلی	6.4
210	یکسال حال، بر قرار چالومثین کے خصوصیات	6.5
210	معاصر جزیرْ تا بوجھ بالمقابل I_m کے خطوط $\ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$ 6.5.1	
210	I_m معاصر موٹر: I_a بالمقابل معالم کے خط معاصر موٹر: معاصر معا	
213	کھلے دور اور کم روور معائنہ	6.6
213	6.6.1 كُلِط دور معائنه	
215	6.6.2 کمړ دور معائنه	

225	امالی مشیر	7
ساكن کیچھوں کی گھومتی مقناطیبی موج	7.1	
مشین کی سر کنے اور گھومتی موجول پر تیمرہ	7.2	
ساکن کیچھوں میں امالی برقی دباو	7.3	
ساکن کچھوں کی موج کا گھوٹتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباو	7.4	
گھو متے کچھوں کی گھو متی متناطبی دباو کی موج	7.5	
گھو متے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے	7.6	
المالي موشر كا مساوى يرقى دور	7.7	
مىاوى برقى دور پرغور	7.8	
المالي موٹر كامساوي تخونن دوريارياضي نمونه	7.9	
ينجرانمالهالي موثر	7.10	
بے یو جھے موٹر اور جاہد موٹر کے معائنہ	7.11	
7.11.1 بي بو چھ موثر كامعائنہ		
7.11.2 جامد موثر کامعائد		
رومشين	يك سمتى	8
ميكاني ست كاركي بنيادي كاركر دگي	8.1	
8.1.1 ميكاني سمت كاركي تفصيل		
يك سمتى جزيرً كى برقى دباو	8.2	
قوت م روڑ	8.3	
يروني بيجان اورخود بيجان يك سمتي جزيئر	8.4	
يک سمتی مشين کی کار کر د گی کے خط	8.5	
8.5.1 حاصل برتی دباوبالقابل برتی بوجھ		
8.5.2 رفمار بالمقابل قوت مرور مرور 8.5.2		
289	ڵ	فرہنگ

د يباچيه

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیم اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکتان میں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے اگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے توہی سطح پر ایبا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نہ کر سکتا تھا۔ میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں کھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال تکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔ جہال ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہال روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی اصطلاحات کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں۔یوں اردو میں کھی اس کتاب گئی ہیں۔یوں اردو میں کھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

یے کتاب Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نشعلیق میں کھی گئی ہے۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالفتاً اردو زبان میں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیئرنگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نثاندہی میری برقیاتی پت

khalidyousafzai@comsats.edu.pk

پر کریں۔ میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

میں یہاں عائشہ فاروق اور ان کے والد فاروق اعظم کا شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے اس کتاب کو بار بار پڑھا اور مجھے مجبور کرتے رہے کہ میں اپنی اردو بہتر کروں۔میں ڈاکٹر نعمان جعفری کا نہایت مشکور ہوں جنہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطلاح کرنے میں مدد کی۔ حرا خان اور ان کی والدہ عزرا برلاس نے مل کے کتاب کو درست کرنے میں مدد

کی۔ یہاں میں اپنے شاگرد فیصل خان کا بھی شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے سمنیکی اصطلاحات چننے میں میری مدد کی۔

میں یہاں کامسیٹ یونیورسٹی اور ہار ایجو کیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے الیمی سرگرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفزئي

28 اكتوبر 2011

باب 1

بنيادي حقائق

اس کتاب میں جگہ جگہ مختلف حقائق آئیں گے جنہیں اس باب میں اکٹھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔ یہ توقع کی جاتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توجہ رکھنا زیادہ آسان ہو گا۔

1.1 بنیادی اکائیاں

اس كتاب مين بين الاقوامي نظام اكاني استعال كيا جائ گا۔ اس نظام ميں كيت كى اكائي کلوگرام، لمبائی کی اکائی میٹر اور وقت کی اکائی سیکنڈ ہے۔

1.2 مقداري

وہ متغیرہ جس کی مقدار معین ہو اسے مقدارہے 3 کہتے ہیں۔ اس کتاب میں مقداری متغیرہ کو سادہ طرز کی کھائی میں انگریزی یا لاطینی زبان کے چھوٹے حروف نیعنی a,b,α,\cdots یا A,B,Ψ,\cdots یا A,B,Ψ,\cdots یا A,B,Ψ,\cdots یا جائے حروف یعنی A,B,Ψ,\cdots یا جائے A,B,Ψ,\cdots یا جائے A,B,Ψ,\cdots یا جائا ہے۔

International System Of Units, SI¹

 $scalar^3$

2 باب 1 بنیادی حت أق

1.3 سمتي

وہ خط جس کا طول اور سمت معین ہو، اسے سمتیہ کہتے ہیں۔ سمتیہ کو انگریزی یا لاطینی زبان کے حجیوٹے یا بڑے حروف، جن کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا گیا ہو، سے ظاہر کیا جائے گا، مثلاً قوت کو F سے ظاہر کیا جائے گا۔ یہاں شکل 1.1 سے رجوع کرنا بہتر ہے۔ ایک ایبا سمتیہ جس کا طول ایک کے برابر ہو، کو اکائے سمتیہ کہتے ہیں۔ اس کتاب میں اکائی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا جائے گا، مثلاً اکائی سمتیہ a_{x}, a_{y}, a_{z} خلاء کی تنین عمودی سمتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔ a_{x} کھتے ہوئے، زیر نوشت میں x، اس بات کی نشاندہی کرتا ہے کہ یہ اکائی سمتیہ خلاء کی x سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ اگر کسی سمتیے کا طول اور اس کی سمت کو علیحدہ علیحدہ لکھنا ہو تو اس کے طول کو ظاہر کرنے کے لئے سادہ طرز کی کھھائی میں وہی حرف استعال کیا جائے گا جو اس سمتیہ کو ظاہر کرنے کے لئے، موٹے طرز کی کھائی میں، استعال کیا گیا ہو۔ یعنی سمتیہ F کے طول کو F سے ظاہر کیا جائے گا۔ شکل میں سمتیہ F کا طول F، چار کے برابر ہے۔ اگر کسی سمتہ کی سمت میں ایک اکائی سمتہ بنایا جائے تو یہ اکائی سمتہ اس سمتیے کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے اکائی سمتیے کو انگریزی ے پہلے حرف، جس کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا گیا ہو سے ظاہر کیا جائے گا تینی سمتیہ F کی سمت کو a_F سے ظاہر کیا جائے گا۔ یہاں، زیر نوشت میں F ، اس بات کی یاد و ان کراتا ہے کہ یہ اکائی سمتیہ F کی ست کو ظاہر کر رہا ہے۔ شکل میں چونکہ قوت F کا رخ دائیں جانب ہے لہذا a_F اور $a_{
m x}$ برابر ہیں۔

1.4 محدد، خط مرتب

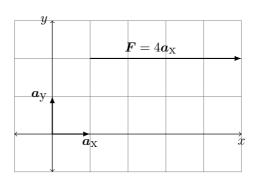
ایک ایبا طریقہ جس کے ذریعہ کسی نقطہ کا مقام متعین کیا جا سکے کو خط مرتب یا محدد کہتے ہیں۔

خلاء تین طرفہ ⁶ ہے۔ البذا اس میں کسی ایک نقطہ کے مقام کو تین محدد کی مدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ مزید ہی کہ خلاء میں کسی سمتیہ کو تین عمودی اکائی سمتیوں کی مدد سے کلاما جا سکتا ہے۔اب ہم ایسے چند محدد کے نظام دیکھتے ہیں۔

vector⁴ unit vector⁵

three dimensional⁶

1.4 محبد د ، خط م تب



شکل 1.1:کار تیسی محد د

1.4.1 كار تيسى محد د كانظام

شکل 1.1 میں خلاء کی دو سمتیں اکائی سمتیہ a_x اور a_y سے ظاہر کی گئی ہیں۔یہ دونوں آپ میں عمودی ہیں یعنی ان کا آپل میں 90° کا زاویہ ہے۔خلاء تین طرفہ ہے البندا استین عمودی اکائی سمتیا x,y,z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان سمتوں کی جانب، طول کو x,y,z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ ان سے بخوبی واقف ہیں۔

اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو a_x کی جانب رکھ کر انہیں a_y کی جانب موڑا جائے a_z آو اس ہاتھ کا انگوٹھا a_z کی سمت کو ظاہر کرے گا۔لہذا، خلاء کا یہ تین اکائی سمتوں والا نظام ایک دائیرہ ہاتھ کا نظام a_z ہے۔

شکل 1.2 میں ایک سمتیہ A، مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔اس سمتیہ کو ہم کارتیہ محدد 9 میں تین سمتیہ سے یوں ظاہر کر سکتے ہیں۔

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

یا

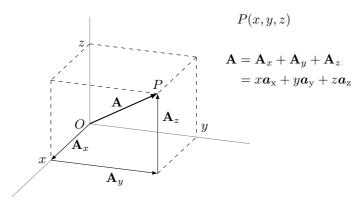
$$\mathbf{A} = x\mathbf{a}_{\mathbf{x}} + y\mathbf{a}_{\mathbf{y}} + z\mathbf{a}_{\mathbf{z}}$$

کار تیسی محدد کے نظام میں اگر ہم متغیرہ z کو صفر رکھیں اور x,y کو تبدیل کریں

orthonormal vectors⁷

right handed coordinate system⁸ cartesian coordinates⁹

4 بابــــ 1 بنيادى حت أق

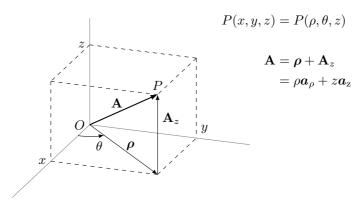


شكل 1.2: كارتيسي محد د نظام ميں ايك سمتيه

P(2,4,3) ہو جمیں سطح کو زمین سمجھا جائے تو شکل میں ڈبہ کے بالائی سطح پر z کی مقدار اور x-y سطح کو زمین سمجھا جائے تو شکل میں ڈبہ کے بالائی سطح پر z کی مقدار معین ہے لیعن z=3 جبکہ z=3 سفر سے خیار کے درمیان تبدیل اور z سفر سے چار کے درمیان تبدیل ہوتا ہے۔ لیعنی اس ڈبہ کے بالائی سطح کو یوں کھا جا سکتا ہے۔

y اور x کو صفر اور تین کے درمیان ہر ممکن قبت پر رکھ کر x اور x کو اسی طرح ان حدول کے درمیان تبدیل کیا جائے تو ہمیں اس ڈبہ کا پورا حجم حاصل ہو گا۔ لہٰذا اس ڈبہ کے حجم کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

1.4. محدد، خط م تب



شكل 1.3: نلكي محد د نظام

1.4.2 نلکی محد د کا نظام

P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔ اس سمتیہ کو شکل 1.3 میں ایک سمتیہ A مبدا سے نقطہ کیا ہے۔ یعنی شکل میں دو سمتیوں کی مدد سے ظاہر کیا گیا ہے۔ لیعنی

$$(1.5) A = \rho + A_z$$

یا

$$\mathbf{A} = \rho \mathbf{a}_{\rho} + z \mathbf{a}_{z}$$

سمتي a_{ρ} پر ہے۔ ال شکل سے ظاہر ہے کہ x-y

$$(1.7) x = \rho \cos \theta$$

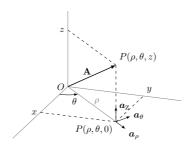
$$(1.8) y = \rho \sin \theta$$

لبذا ہم نقطہ P(x,y,z) کو متغیرہ x,y,z کی جگہ متغیرہ ρ,θ,z کی مدد سے یوں کھ ρ,θ,z کی مدد سے یوں کھ سکتے ہیں $-P(\rho,\theta,z)$ لبذا ہم خلاء میں کسی بھی نقطہ کو اس کے تین متغیرہ $-P(\rho,\theta,z)$ سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

وہ نظام جس میں متغیرہ ho, θ, z کسی نقطہ کو متعین کرنے کے لئے استعال ہوں کو نلکھے محددho محددho کہتے ہیں۔ یہاں شکل 1.4 سے رجوع کریں۔ اس نظام کے تین عمودی اکائی سمتیہ

cylindrical coordinates¹⁰

اب 1 بنيادى حت أق

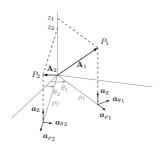


شكل 1.4: نكلي نمامحد د كي تعريف

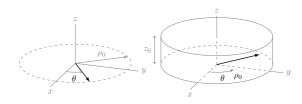
 $a_{
ho}$ ہیں۔ یہ نظام بھی دائیں ہاتھ کا نظام ہے۔ لہذا اگر دائیں ہاتھ کی چار انگیوں $a_{
ho}, a_{
ho}, a_{
ho}, a_{
ho}$ کی جانب رکھ کر انہیں $a_{
ho}$ کی جانب موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا $a_{
ho}$ کی سمت میں ہو گا۔ یہ تین عمودی اکائی سمتیہ کی تفصیل یوں ہے۔

سطح x-y میں مبدا پر، محدد x سے زاویہ θ کی جانب اگر اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ a_{ρ} ہو گی۔ اگر اسی سطح x-y پر اکائی سمتیہ بنائی جائے تو ست میں مبدا پر، زاویہ θ برطانے والے سمت میں، ایک اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ a_{θ} ہو گی۔ اکائی سمتیہ a_{θ} وہی اکائی سمتیہ ہم جو کارتیسی محدد نظام میں سمتی a_{ρ} اور a_{θ} کی سمتیں ہر نقطہ a_{ρ} یہ واضح رہے کہ اس نگلی محدد کے نظام میں a_{ρ} اور a_{θ} کی سمتیں ہر نقطہ پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل 1.5 میں دکھایا گیا ہے۔

 1.5. سمتيررقب



-شکل 1.5: نککی محد دمین اکائی سمتیه $a_
ho$ اور $a_ heta$ بر نقطه پر مختلف ہیں۔



شکل 6.1: نلکی محد د میں دائر ہ اور نلکی

کرتے ہیں۔

(1.9)
$$\delta \mathcal{I} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ z = 0 \end{cases}$$

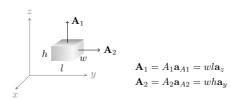
(1.10)
$$\mathcal{L} \quad \mathcal{L} \quad \mathcal{L} = \begin{cases} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < z < z_0 \end{cases}$$

(1.11)
$$\mathcal{E} = \begin{cases} 0 < \rho < \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < z < z_0 \end{cases}$$

1.5 سمتيرر قبه

شکل 1.7 کو مدِ نظر رکھیں۔ کسی سطح سے اگر اس کے عمود کی جانب ایک فرضی کلیر کھینچی جائے تو اس کلیر پر اکائی سمتیہ اس سطح کی ست کو ظاہر کرتی ہے۔ چونکہ کسی بھی

8 بابــــ 1 بنيادي حتائق



شكل 1.7: سمتيه رقبه كاتعارف

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_z$$

للبذا

(1.12)
$$A_1 = A_1 a_{A1} = w l a_z$$

 A_2 اس کی سمت A_2 اس کی سمت A_2 اس کی سمت A_3 اس طرح دائیں جانب سط $A_2=wh$ $a_{A2}=a_{
m v}$

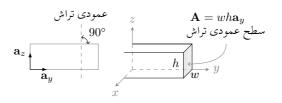
للبذا

(1.13)
$$A_2 = A_2 a_{A1} = wha_y$$

 $a_{
m z}$ یوں نیچے کی سطح کا رقبہ $A_3=wl$ ہے اور اس کی سمت خلاء کی اکائی سمتیہ $A_3=wl$ گاb ہے اپندا

$$\mathbf{A_3} = A_3 \mathbf{a_{A3}} = wl(-\mathbf{a_z}) = -wl\mathbf{a_z}$$

یہاں دھیان کریں کہ رقبہ ہر صورت میں شبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت شبت یا منفی ہو سکتی ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتیہ کے لئے درست ہے لہٰذا کسی بھی سمتیہ کا طول ہر صورت میں شبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت شبت یا منفی ہو سکتی ہے۔



شكل 1.8:رقبه عمودي تراش

1.6 رقبه عمودی تراش

زاویہ قائمہ بناتے ہوئے لمبائی میں کسی چیز کی کٹائی کو عمودی تراثی اللہ ہیں۔

شکل a_y میں ایک سلاخ دکھائی گئی ہے۔ اس کو اکائی سمتیہ a_y کی سمت میں لٹایا گیا ہے۔ اگر ہم تصور میں اس سلاخ کو لمبائی کی عمودی سمت میں کاٹیس تو اس کا جو سرا ہے۔ اگر ہم تصور میں دکھایا گیا رقبہ عمودی تراثی $^{-12}$ کیتے ہیں۔ شکل میں دکھایا گیا رقبہ عمودی تراثی $^{-12}$ کی مقدار $^{-12}$ ہیں۔ شکل میں دکھایا گیا رقبہ عمودی تراثی $^{-12}$ کی مقدار $^{-12}$ ہیں۔

$$(1.15) A = wh$$

مسکہ کو دیکھتے ہوئے اس رقبہ عمودی تراش کی سمت کا تعین کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس کی سمت کا تعین کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس کی سمت کی مانب ہے لہذا

$$a_{\mathbf{A}} = a_{\mathbf{y}}$$

شکل میں بائیں جانب سلاخ کے نچلے کونے پر اکائی سمتیہ a_y اور a_z دکھائے گئے ہیں۔ان سمتیوں کے ابتدائی نقطہ پر گول دائرہ میں ایک نقطہ دکھایا گیا ہے۔گول دائرہ میں بند نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر کتاب کی باہر جانب سمت کو ظاہر کرتا ہے۔یہاں یہ سمتیہ میں سمت دکھلا رہا ہے۔اس کی اُلٹ سمت یعنی صفحہ کی عمودی اندر کی جانب کو گول دائرہ میں بند صلیب کے نثان سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

__

cross section¹¹ cross sectional area¹²

10 باب 1 بنيادي حت أتَّ

1.7 برقی میدان اور مقناطیسی میدان

1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت

کولمبے کے قانون 13 کے تحت برقی بار14 سے لدے جسموں کے درمیان قوت کشش 15 یا قوت درمیان قوت کشش 15 یا قوت درمیان قوت کشش 15 دفع 16 دفع 16 ان اجمام پر بار17 کی مقدار کے حاصل ضرب کے راست متناسب اور باہمی فاصلہ کے مربع کے بالعکس متناسب ہوتی ہے۔ اس قانون کو مساوات کی شکل میں یوں کھا جاتا ہے۔

$$(1.17) F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

اگر ایک برقی بار کسی جگه موجود ہو اور دوسرا برقی بار اس کے قریب لایا جائے تو دوسرے برقی بار پر کشش یا دفع کی قوت عمل کرے گی جس کا تعین کولمب کے قانون سے ہوتا ہے۔ اگر دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بار سے آہتہ آہتہ دُور لے جائیں تو قوت کشش یا دفع کم ہوتی جاتی ہے۔ ایک خاص فاصلے کے بعد بیہ قوت عملی طور پر صفر ہو جاتی ہے اور دوسرا بار پہلے بار کے حلقہ اثر سے باہر ہو جاتا ہے۔ اس حلقہ کے اندر واقع جگہ کو برقے میدان کہا جاتا ہے۔ برقی میدان کسی ایک بار کی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے۔ لہٰذا برقی میدان کی تعریف سکتا ہے۔ لہٰذا برقی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔ اللہ باتی میدان کی تعریف کیوں کی جاتی ہے۔

کسی بار کے برقی میدان سے مراد بار کے اِردگرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا برقی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

برقے میدان کی شدت E کی مقدار اور اس کی ست کسی مقام پر معلوم کرنے کا طریقہ E ایک مثبت اکائی بار کو اگر کسی بار Q کے برتی میدان میں رکھا جائے تو جس ست میں وہ مثبت اکائی بار حرکت کرنے یا حرکت کرنے کے لئے ماکل ہو، وہی برتی

Coulomb's law^{13}

electric charge¹⁴ attractive force¹⁵

repulsive force¹⁶

 $[{]m charge}^{17}$

electric field intensity¹⁸

میدان کی شدت کی سمت ہو گی اور جو قوت اس پر اثر انداز ہو وہ برقی میدان کی شدت ہو گی۔برقی میدان کی شدت کی اکائی وولئے فی میٹر 19 ہے۔

کولمب کے قانون لیخی مساوات 1.17 کی مدد سے ایک بار Q کی برقی میدان کی شدت کی مقدار یوں حاصل کی جا سکتی ہے۔بار Q اور اکائی بار لیخی ایک کولمب بار کے درمیان توتِ کشش یا توتِ دفع

$$(1.18) F = \frac{Q \times 1}{4\pi\epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شدت کی مقدار ہے لینی

$$(1.19) E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

اگر دو باروں کے درمیان سیدھی کلیر کھینچی جائے تو ان کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کی سمت اس کلیر کی سمت میں ہو گی۔

1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت

مقناطیسی میدان ور مقناطیسی میدان کی شدت ²⁰ بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طرح ہوتی ہے۔

مقناطیسی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔ کسی مقناطیس کے مقناطیسی میدان سے مراد مقناطیس کے اردگرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا مقناطیسی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

 $^{m V/m^{19}}$ magnetic field intensity²⁰

12 بابـــ 1 بنيادي حتائق

1.8 سطى اور حجمى كثافت

1.8.1 سطحي كثافت

اکائی رقبہ کی سطح پر کسی چیز کی کُل مقدار کو اس چیز کی سطح کثافت 21 کہتے ہیں۔ مثال کے طور پر اگر رقبہ A پر کسی متغیرہ کی کُل مقدار ϕ ہو تب اس متغیرہ کی اوسط سطح کثافت 10 ہو ہو ہو ہو ہو ہو ہو ک

$$(1.20) B_{b \to a} = \frac{\phi}{A}$$

اس مساوات کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے

$$\phi = B_{\text{lead}} A$$

یعنی اگر ہمیں کس سطح پر ایک متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہو تب ہم اس سطح پر اس متغیرہ کی کُل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

اگر سطح پر متغیرہ ہر جگہ کیسال نہ ہو تب اس سطح پر سطحی کثافت جگہ جگہ تبدیل ہو گی۔ اس صورت میں اگر اتنا چھوٹا رقبہ لیا جائے کہ اس پر متغیرہ کیسال تصور کیا جا سطح ت اس نقط پر سطحی کثافت ہوں حاصل ہو گی

$$(1.22) B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

جہاں ΔA یہ چھوٹا رقبہ اور $\Delta \phi$ اس رقبے پر متغیرہ کی چھوٹی سی مقدار ہے۔ اگر یہ رقبہ ایک نقطہ کی مانند کر دیا جائے تب اس مساوات کو یوں ککھا جائے گا۔

$$(1.23) B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

اس مساوات کو ہم یوں بھی بیان کر سکتے ہیں

$$d\phi = B dA$$

surface density²¹

1.9. حجى كثافت

یعنی اگر ہمیں کسی نقطہ پر ایک متغیرہ کی سطحی کثافت معلوم ہو تب اس نقطہ کے چھوٹے سے رقبہ پر ہم اس متغیرہ کی کُل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔ اسی طرح اگر ایک برقی تار کا رقبہ عمودی تراش A ہو اور اس میں برقی رو I گزر رہی ہو تو اس تار میں اوسط کثافت برقی رو

$$\rho_{\text{bod}} = \frac{I}{A}$$

ہو گی۔

1.9 محجمي كثافت

اکائی جم میں کسی چیز کی کُل مقدار کو اس چیز کی جمجھے کثافت کہتے ہیں۔ یہاں ہم کمیت کی مثال لیتے ہیں۔ اگر کسی چیز کا جم کل اور اس کی کمیت m ہو تب اس کی اوسط حمجمی کثافت ہے ہو گی۔

$$\rho_{\text{level}} = \frac{m}{V}$$

ای طرح اگر اس چیز کی کمیت اس کے جم میں جگہ جگہ مختلف ہو تب اس کی ایک نقطہ کی حجم کی حجم کی حجم کی حجم کی حجم میں اس کی کمیت کو ہر جگہ کیاں تصور کیا جا سکے تب اس چھوٹے جھے کی حجم کثافت یہ ہو گی۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta V}$$

اب اگر اس چھوٹے جھے کو ایک نقط مانند کر دیا جائے تب ہم لکھ سکتے ہیں کہ

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}V}$$

اور

$$dm = \rho \, dV$$

یعنی اگر ہمیں ایک نقطہ کی محجمی کثافت معلوم ہو تب ہم ایک نہایت جھوٹے جم کی کمیت اس مساوات کی مدد سے حاصل کر سکتے ہیں۔ اب 1. بنیادی حت أق

1.10 ضرب صليبى اور ضرب نقطه

دو مقداری متغیرات کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہی ہوتی ہے جبکہ دو سمتیہ متغیرات کا حاصلِ ضرب سمتیہ متغیرہ ہو سکتی ہے۔ان دو اقسام کے ضرب پر یہاں غور کیا جائے گا۔

1.10.1 ضرب صليبي

الی دو سمتیہ متغیرات کا ضرب جس کا حاصل ضرب سمتیہ متغیرہ ہو کو ضربِ صلیبی 22 کہتے ہوں اور اسے بول لکھا جاتا ہے۔

$$(1.30) C = A \times B$$

ضربِ صلیبی میں ضرب کے نثان کو صلیب کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ای سے اس کا نام ضربِ صلیبی لیا گیا ہے۔

حاصل ضرب سمتیہ C کی مقدار

(1.31)
$$C = |C| = |A||B| \sin \theta_{AB}$$
$$= AB \sin \theta_{AB}$$

ہے جہاں θ_{AB} ان کے مابین زاویہ ہے۔اس حاصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے یوں حاصل کی جاتی ہے۔

اگر آپ دائیں ہاتھ کی چار انگیوں کو سمتیہ A کی سمت میں رکھ کر B سمتیہ کی سمت موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا C سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرے گا۔

مثال 1.1: مندرجه ذیل ضرب صلیبی حاصل کریں۔

cross product22

- $oldsymbol{a}_{ extsf{x}} imes oldsymbol{a}_{ extsf{y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{y}} imes oldsymbol{a}_{ extsf{z}} = oldsymbol{a}_{ extsf{z}} imes old$
- $oldsymbol{a}_{\mathsf{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathsf{y}} = oldsymbol{a}_{\mathsf{y}} imes oldsymbol{a}_{\mathsf{p}} = oldsymbol{a}_{\mathsf{p}} imes oldsymbol{a}_{\mathsf{d}} = oldsymbol{a}_{\mathsf{z}} imes oldsymbol{a}_{\mathsf{p}} = oldsymbol{a}_{\mathsf{p}}$

حل: اس مثال میں سب سمتیہ اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔ لہذا

- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{v}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{v}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$
- اس مثال میں چونکہ دونوں سمتیہ ایک ہی جانب ہیں لہذا ان کے مایین زاویہ صفر جو مثل مثال میں چونکہ دونوں سمتیہ کا خرب میں مثل خوا ان دو سمتیہ کا خرب صلیبی صفر ہو گا معلیبی صفر ہو گا م $a_y \times a_y = (1)(1)\sin 0 = 0$
 - $\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{z} = \boldsymbol{a}_{z}$
 - $\boldsymbol{a}_{\mathsf{z}} \times \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta}$

اب 1 بنيادي حق أَقَ

مثال 1.2: شکل 1.9 میں چار نیوٹن کی قوت F محور سے تین میٹر کی سمتیہ فاصلہ L پر لاگو ہے۔اس شکل میں اس کی تفصیل دی گئی ہے۔اس قوت کی قوت مروڑ T کی تعریف ہیہ ہے ماصل کریں۔ حل: قوت مروڑ T کی تعریف ہیہ ہے

$$(1.32) T = L \times F$$

کار تیسی نظام میں اس سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(1.33) L = L\sin\theta a_{x} - L\cos\theta a_{y}$$

للبذا

 $T = (L \sin \theta \mathbf{a}_{x} - L \cos \theta \mathbf{a}_{y}) \times F \mathbf{a}_{y}$ $= L \sin \theta \mathbf{a}_{x} \times F \mathbf{a}_{y} - L \cos \theta \mathbf{a}_{y} \times F \mathbf{a}_{y}$ $= LF \sin \theta \mathbf{a}_{z}$

یبال پیچیلی مثال کی مدو سے $m{a}_{
m x} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$ اور $m{a}_{
m y} imes m{a}_{
m y} = m{a}_{
m z}$ بیال پیچیلی مثال کی مدو سے $m{a}_{
m x} imes m{a}_{
m z} = 12 \sin heta m{a}_{
m z}$ N m

 $\sin \alpha = 2$ ہے۔ اس مثال میں مثال میں $\theta_{LF} = 180^{\circ} - \theta$ ہے۔ چونکہ کسی بھی زاویہ $\sin (180^{\circ} - \alpha)$

$$T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{z}$$
$$= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{z}$$

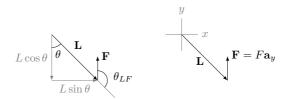
یمی جواب ضربِ صلیبی کی تعریف یعنی مساوات 1.31 اور دائیں ہاتھ کے قانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔

1.10.2 ضرب نقطه

الی دو سمتیہ متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہو کو ضربِ نقطہ 23 کہتے ہوں اور اسے بول لکھا جاتا ہے۔

$$(1.34) C = A \cdot B$$

dot product²³



شكل 1.9: كارتيسى نظام ميں قوت مروڑ كاحل

ضربِ نقطہ میں ضرب کے نشان کو نقطہ کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔اسی سے اس کا نام ضربِ نقطہ لیا گیا ہے۔

ضربِ نقطہ میں حاصلِ ضرب مقداری کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے

(1.35)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{C} &= \boldsymbol{A} \cdot \boldsymbol{B} \\ &= |\boldsymbol{A}| |\boldsymbol{B}| \cos \theta_{AB} \\ &= AB \cos \theta_{AB} \end{aligned}$$

جہال $heta_{AB}$ ان دو کے مایین زاویہ ہے۔

مثال 1.3: مندرجه ذیل ضرب نقطه حاصل کریں

- $a_{\mathrm{x}} \cdot a_{\mathrm{x}} a_{\mathrm{y}} \cdot a_{\mathrm{y}} a_{\mathrm{z}} \cdot a_{\mathrm{z}}$
- $oldsymbol{a}_{ ext{x}} \cdot oldsymbol{a}_{ ext{y}} = oldsymbol{a}_{ ext{y}} \cdot oldsymbol{a}_{ ext{z}} = oldsymbol{a}_{
 ho} \cdot oldsymbol{a}_{
 ho} = oldsymbol{a}_{
 ho} \cdot oldsymbol{a}_{
 ho} = oldsymbol{a}_{
 ho} \cdot oldsymbol{a}_{
 ho}$

حل:اس مثال میں سب اکائی سمتیہ ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔

- $a_x \cdot a_x = (1)(1)\cos 0 = 1$ •
- $\boldsymbol{a}_y \cdot \boldsymbol{a}_y = (1)(1)\cos 0 = 1$ •

اب 1. بنیادی حت أق

$$a_z \cdot a_z = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{x} \cdot a_{y} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \cdot \boldsymbol{a}_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$\mathbf{a}_{\rho} \cdot \mathbf{a}_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

L مثال 1.4: شکل 1.10 میں قوت F ایک بوجھ کو دھیل رہی ہے۔ سمتیہ فاصلہ کے کرنے پر قوت کتنا کام کر پچکی ہو گی۔

حل: کام W کی تعریف یہ ہے

$$(1.36) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{L}$$

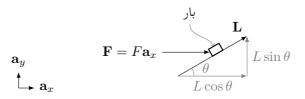
ہم کارتیسی نظام میں سمتی فاصلہ کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$(1.37) L = L\cos\theta a_{x} + L\sin\theta a_{y}$$

للبذا

(1.38)
$$W = (F\boldsymbol{a}_{x}) \cdot (L\cos\theta\boldsymbol{a}_{x} + L\sin\theta\boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta(\boldsymbol{a}_{x} \cdot \boldsymbol{a}_{x}) + FL\sin\theta(\boldsymbol{a}_{x} \cdot \boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta$$

جہاں بیچیلی مثال کی مدد سے $a_x \cdot a_y = 0$ اور $a_x \cdot a_y = 0$ کی ہیں۔ یہی جواب ضرب نقطہ کی تعریف یعنی مساوات $a_x \cdot a_y = 1$ ہوتا ہے۔



شكل 1.10: كارتيسي نظام ميں كام

1.11 تفرق اور جزوی تفرق

ماوات 1.39 میں ایک تفاعل جس میں B_0 مقررہ ہے کا تفرق 24 دیا گیا ہے جبکہ ماوات 1.40 میں ایک تفاعل کا جووی تفرق 25 دیا گیا ہے۔

(1.39)
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$
$$\frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

(1.40)
$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x} dx + \frac{\partial W}{\partial \lambda} d\lambda$$

1.12 خطى تكمل

$$(1.41) B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

(1.42)
$$B_{\nu,l} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

 $\begin{array}{c} \text{differentiation}^{24} \\ \text{partial differentiation}^{25} \\ \text{wavelength}^{26} \end{array}$

integration²⁷

20 بابــــ 1 بنيادي حت أتق

ای طرح اگر اسی خطہ پر تفاعل کے مربع لینی B^2 کا اوسط درکار ہو تو ایبا کرنا مساوات 1.43 میں دکھایا گیا ہے۔

(1.43)
$$B_{\nu,j}^{2} = \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2}\theta \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{2}$$

نقاعل کے مرابع کی اوسط کا جزر بہت اہمیت رکھتا ہے۔لہذا اس نقاعل کے مرابع کی اوسط B جزر B مساوات B کی مدد سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

(1.44)
$$B_{\dot{r},r} = \sqrt{B_{\dot{\nu},j}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

یہ ایک بہت اہم نتیجہ ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا چاہئے۔ یہ مساوات ہر سائن نما تفاعل کے لئے درست ہے۔ کسی بھی متغیرہ کے مربع کی اوسط کا جزر اس متغیرہ کی موثر 28 وی قیت کہلاتا ہے۔

1.13 سطحي تکمل

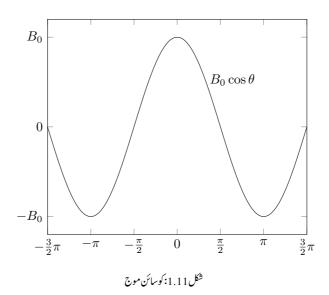
مثال کے طور پر اگر مساوات 1.41 شکل 1.12 میں نکلی کے بیرونی سطح پر متغیرہ B کی مقدار بتلاتی ہے اور یہ متغیرہ سطح کثافت کو ظاہر کرے ہم آدھے بیرونی سطح مثلاً زاویہ $-\pi/2$ اور $\pi/2$ کے مابین اس کی کُل مقدار ϕ معلوم کرتے ہیں۔اس سطح میں نکلی کے دونوں سرے شامل نہیں ہیں۔

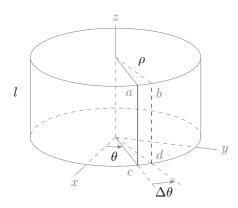
ہم نکلی کے بیرونی سطح پر رقبہ ΔA لیتے ہیں جس کی چوڑائی $\rho \Delta \theta$ اور لمبائی 1 ہے۔ یہ سطح ΔB ہوئے سطح کا رقبہ ΔB کو نہایت کم کرتے ہوئے سطح کا رقبہ $D \Delta \theta$ کھا جا سکتا ہے۔ اس سطح ΔB کی مقدار محوری لمبائی کی جانب تبدیل نہیں ہو رہی۔ سطح ΔA پر $\Delta A = B \Delta A$ ہو گا اور کُل ϕ تکمل کی مدد سے یوں حاصل ہو گا۔

effective²⁸

root mean square, rms²⁹

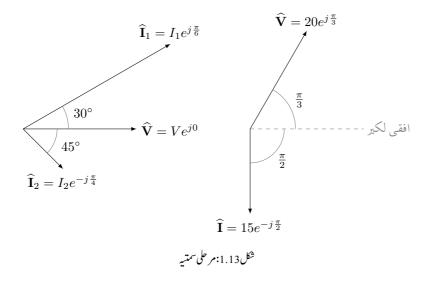
1.13 - طي محمل





شکل 1.12: نکلی کی بیرونی سطح پر متغیرہ کا حکمل کُل مقدار دے گی۔

ياب1. بنيادي حت أق



(1.45)
$$\Delta \phi = B \Delta A = B_0 l \rho \cos \theta \, d\theta$$

$$\phi = B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = 2B_0 l \rho$$

اب ہم یہی مقدار نکی کے آدھے بیرونی سطح پر کہیں پر بھی حاصل کرنا چاہیں تو ہمیں صرف کمل کے دو حد تبدیل کرنے ہوں گے۔ اگر ہم مساوات 1.46 میں نجلا حد $(\pi/2-\alpha)$ اور اُوپر کا حد $(\pi/2-\alpha)$ لیں تو بیہ حاصل ہو گا۔

(1.47)
$$\phi(\alpha) = B_0 l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \alpha}^{\frac{\pi}{2} - \alpha} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho \cos \alpha$$

یہاں $\phi(\alpha)$ اس بات کو واضح کرتا ہے کہ نتیجہ α پر مخصر ہے۔ یہ ایک بہت اہم مساوات α بہت اہم مساوات α بہت اگر α ہو تو مساوات α بہت اہم مساوات ہے۔

1.1.4 مرحسلي سمتيي

1.14 مرحلی سمتیه

سائن نما موج جن کا تعدد معین ہو کو مرحلی سمتیے سے ظاہر کرنا نہایت مفید ثابت ہوتا ہے۔ مساوات پولر³⁰

(1.48)
$$A_0 e^{\mp j(\omega t + \phi)} = A_0 \cos(\omega t + \phi) \mp j \sin(\omega t + \phi)$$

کی مدد سے کوسائن موج یوں لکھی جا سکتی ہے

(1.49)
$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left(e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

اس سے ثابت ہوتا ہے کہ کوسائن موج دراصل دو مخلوط اعداد کا مجموعہ ہے۔ مساوات یولر ایک مخلوط عدد کو ظاہر کرتا ہے جس کے دو جزو ہیں۔ اس کا ایک جزو حقیقی عدد ہے۔ اس کا دوسرا جزو فرضی عدد ہے۔ اس کا حقیقی جزو کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہذا ایک کوسائن موج کو موان موج کو ماہر کرتا ہے۔ لہذا ایک کوسائن موج کو $A_0e^{-j(\omega t+\phi)}$ یا $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$ کا حقیقی جزو ہوتا ہے۔ رسمی طور پر سائن نما موج کو $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ مزید یہ کہ اس عدد کو جھوٹا کر سائن نما موج کو $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$ کھا جاتا ہے۔ کوسائن موج کے اس طرح ظاہر کرنے کو مطلح سمتیہ آڈ کہتے ہیں جہاں اس سمتیہ کا طول A_0 اور اُفقی کلیر سے زاویہ ϕ ہے۔

مرحلی سمتیہ استعال کرتے وقت آپ کو یہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ یہ ایک کوسائن موج ہے جس کا حیطہ A_0 ، دوری زاویہ ϕ اور زاویائی تعدد ω ہے۔

اس کتاب میں مرحلی سمتیہ کو سادہ طرزِ کھائی میں انگریزی کے بڑے حروف جن پر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا، یعنی \hat{I},\hat{V} وغیرہ اور ان کے طول کو بغیر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً برتی دباو $v=20\cos(\omega t+\frac{\pi}{3})$ کے نشان کے اسی حرف سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً برتی دباو $v=20\cos(\omega t+\frac{\pi}{3})$ کے بیہ سب درست ہیں۔

(1.50)
$$v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$$

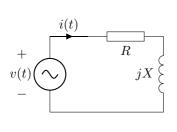
$$\hat{V} = 20e^{j\frac{\pi}{3}}$$

$$\hat{V} = 20/\frac{\pi}{3}$$

$$V = 20$$

Euler's equation³⁰ phasor³¹

باب 1 بنيادي حتائق



$$Z = R + jX$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\phi_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i(t) = \frac{V_0}{|Z|} \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$= I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

شکل 1.14:مر حلی سمتیہ کی مد دسے RL دور کاحل۔

اس مساوات میں پہلا جزو ایک عام کوسائن موج ہے۔ دوسرا جزو اِسی کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کر رہا ہے۔ تیسرا اس مرحلی سمتیہ کا طول اور چوتھا اس کا زاویہ بتلا رہا ہے۔ مرحلی سمتیہ کو عام سمتیوں کی طرح ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس مساوات میں \hat{V} کا طول 20 اور اُفقی کیر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ اس سمت میں زاویہ شبت ہے۔ شکل 1.13 میں اس \hat{V} کے علاوہ چند اور مرحلی سمتیہ دکھائے گئے ہیں۔

برقی ادوار میں عموماً برقی دباو \hat{V} کی نسبت سے برقی رو \hat{I} کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔ شکل 1.13 میں \hat{I}_1 تیں درجہ زاویہ برقی دباو سے آگے ہے جبکہ \hat{I}_2 پینتالیس درجہ زاویہ برقی دباو کے پیچھے ہے۔ اس حقیقت کو بول بیان کیا جاتا ہے کہ \hat{I}_1 تیں درجہ پیش زاویہ \hat{I}_2 پینتالیس درجہ تاخیر زاویہ \hat{I}_3 پینتالیس درجہ تاخیر زاویہ \hat{I}_3 پینتالیس درجہ تاخیر زاویہ \hat{I}_4 کو پیش برقی رو کہا جاتا ہے۔ دو مرحلی سمتیات کے آپس میں زاویے کو مرحلی فرق پایا جاتا ہے۔ یہاں یہ دھیان رہے فرقہ کہتے ہیں لہذا \hat{I}_1 اور \hat{I}_2 میں \hat{I}_3 کا مرحلی فرق پایا جاتا ہے۔ یہاں یہ دھیان رہے کہ شبت کیما گیا ہے۔ چونکہ یہ افقی کبیر سے زاویہ ناپنے کی اُلٹ سمت میں ہے لہذا یہ ایک منفی زاویہ ہے۔

 $p=V_0I_0\cos heta$ اور $v=V_0\cos\omega t$ اور $i=I_0\cos(\omega t+ heta)$ اگر $v=V_0\cos\omega t$

leading angle³² lagging angle³³

phase difference³⁴

1.14. مرحسلی سمتیہ

 $\frac{3}{2}$ برابر ہو گا جہاں $\frac{6}{2}$ کو بروطاقت $\frac{3}{2}$ اور $\frac{6}{2}$ کو زاویہ بروطاقت $\frac{3}{2}$ ہیں۔ ای طرح $\frac{3}{2}$ کا غیری زاویہ کی صورت میں $\frac{6}{2}$ کو گانیری بروطاقت $\frac{3}{2}$ اور پیش بروطاقت $\frac{3}{2}$ کہتے ہیں۔ کو پیش بروطاقت $\frac{3}{2}$

یہاں مرحلی سمتیوں کو استعال کر کے ایک سادہ برقی دور حل کرتے ہیں۔ یوں ان سے وابشگی پیدا ہو جائے گی اور ان کا استعال بھی سکھ لیں گے۔

R-L ایک سادہ R-L یک مرملہ R-L برقی دور ہے جس پر لاگو برقی دباو

(1.51)
$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\hat{V} = V_0 \underline{\alpha}$$

ہے۔ i(t) معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ i(t) معلوم کرنا چاہتے ہیں۔

(1.52)
$$\begin{split} \hat{I} &= \frac{\hat{V}}{R+jX} = \frac{V_0 \underline{\alpha}}{|Z| \underline{\phi_Z}} \\ &= \frac{V_0}{|Z|} \underline{\alpha - \phi_Z} = I_0 \underline{\alpha - \phi_Z} \end{split}$$

جہال ϕ_Z رکاوٹ کا زاویہ ہے۔ لہذا

$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

 ϕ_Z عاصل ہوتا ہے۔ یوں تافیری زاویہ

power factor³⁵ power factor angle³⁶ lagging power factor³⁷ leading power factor³⁸

single phase³⁹

26 باب 1 بنيادي حت أق

اب2

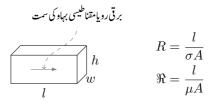
مقناطيسي ادوار

2.1 مزاحمت اور پچکچاہٹ

شکل 2.1 میں ایک سلاخ دکھائی گئی ہے جس کی لمبائی کی ست میں مزاحمت

$$(2.1) R = \frac{l}{\sigma A}$$

 σ موصلیہ 2 کو ظاہر کرتی ہے اور A=wh رقبہ عمودی تراش ہے۔ اس سلاخ σ



شكل 2.1: مز احمت اور الحيكيابث

resistance¹ conductivity² 28 باید 2. مقت طبیسی ادوار

مقناطیسی مستقل μ کو عموماً خلاء کی مقناطیسی مستقل $\mu_0=4\pi\,10^{-7}\,{
m Hm}$ کی نسبت سے لکھا حاتا ہے لیغنی

$$\mu = \mu_r \mu_0$$

جہاں μ_r جنومتناطیسے متقلے کہلاتا ہے۔ ایکھاہٹ کی اکائی ایمپیئر۔ چکر فی ویبر ہے جس کی وضاحت جلد کی حائے گی۔

 $\mu_r=2000$ مثال 2.1 شکل 2.1 میں دی گئی سلاخ کی انگھاہٹ معلوم کریں $m=2.5~{
m cm}$ مثال $m=3~{
m cm}$ اور $m=2.5~{
m cm}$ اور $m=3.5~{
m cm}$

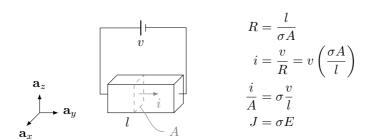
$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,044\,\mathrm{A}\cdot\mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

2.2 كثافت برقى رواور برقى ميدان كى شدت

اس سلاخ کے سروں پر برقی دباہ v (شکل 2.2) لاگو کرنے سے اس میں برقی رو i گزرے گا جس کو اوہم کے قانونi سے حاصل کرتے ہیں۔

$$(2.4) i = \frac{v}{R}$$

 $\begin{array}{c} {\rm reluctance^3} \\ {\rm permeability, \ magnetic \ constant^4} \\ {\rm Ohm's \ law^5} \end{array}$



شكل 2.2: كثافت برقى رواور برقى دباو كى شدت

درج بالا مساوات کو مساوات 2.1 کی مدد سے

$$(2.5) i = v\left(\frac{\sigma A}{l}\right)$$

يا

$$\frac{i}{A} = \sigma\left(\frac{v}{l}\right)$$

يا

$$(2.7) J = \sigma E$$

کھا جا سکتا ہے جہاں J اور E کی تعیرف درج ذیل ہے۔

$$(2.8) J = \frac{i}{A}$$

$$(2.9) E = \frac{v}{l}$$

شکل 2.2 میں سمتیہ J کی مقدار J ہو اور سمتیہ E کی مقدار J میاوات 2.2 کو درج زیل کھا جا سکتا ہے

$$(2.10) J = \sigma E$$

جو قانون اوہم کی دوسری روپ ہے۔ J اور E دونوں کا رخ ہے۔

شکل 2.2 سے ظاہر ہے کہ برتی رو i سلاخ کی رقبہ عمودی تراش A سے گزرتی ہے لہذا میاوات 2.8 کے تحت J برتی رو کی کثافت کو ظاہر کرتی ہے لہذا J کو ک**گافت** برقی

30 باب 2, مقت طبیسی ادوار

روہ کہتے ہیں۔ ای طرح مساوات 2.9 سے واضح ہے کہ E برتی دباو نی اکائی لمبائی کو ظاہر کرتی ہے لہذا E کو برقے میدان واضح ہو) مختراً میدانی شدھے کہتے ہیں۔

بالکل اسی طرح کی مساواتیں مقناطیسی متغیرات کے لئے حصہ 2.5 میں کھی جائیں گی۔

2.3 برقی ادوار

رقی دور میں برقی دباو 8 وجہ سے برقی رو 10 ان پیدا ہوتی ہے۔ تانبا 12 کی موصلیت کی اکائی ہے۔ تانبا کی مقدار ہے۔ $\frac{\rm S}{\rm m}$ موصلیت کی مقدار ہے۔ $\sigma=5.9\times10^7$ موصلیت کی مقدار ہہت بڑی ہونے کی بنا اس سے بنی تار کی مزاحمت 13 عوما قابلِ نظرانداز ہو گی۔ تار میں برتی رو i گزرنے سے تار کے سرول کے پتج برتی دباو تانبے کی $\Delta v=iR_{\rm Jr}$ کی بنا نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یول تانبے کی تار میں برتی دباو کو رد کیا جا سکتا ہے۔ یول تانبے کی تار میں برتی دباو کے گھٹاو کو رد کیا جا سکتا ہے۔ یول کے بین جم $\Delta v=iR_{\rm Jr}$

شکل 2.3-الف میں ایک ایبا ہی برقی دور دکھایا گیا ہے جس میں تانبے کی تار کی مزاحمت کو اکٹھ کر کے ایک ہی جگہ $R_{\rm pt}$ دکھایا گیا ہے۔اس دور کے لئے درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.11) v = \Delta v + v_L$$

تار میں برقی گھٹاو Δv نظرانداز کرتے ہوئے

 $(2.12) v = v_L$

current density⁶ electric field intensity⁷

electric voltage 8

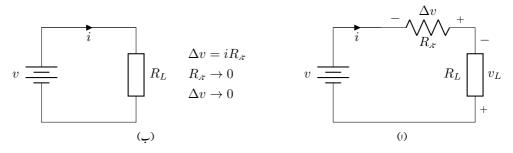
⁹بر تی دباوی اکائی وولٹ ہے جواٹلی کے البانڈرووولٹا کے نام ہے جنہوں نے برقی بیٹری ایجاد کی۔

electric current¹⁰

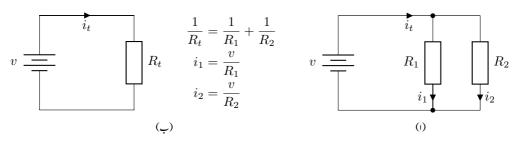
¹¹ پر قی رو کی اکائی ایمپیئر ہے جو فرانس کے انڈر میر ایمپیئر کے نام ہے جن کابر قی و متناطبی میدان میں اہم کر دار ہے۔ CODDEr ¹²

¹³ مز احمت کی اکائی او ہم ہے جو جر منی کے جارج سائن او ہم کے نام ہے جنہوں نے قانونِ او ہم دریافت کیا۔

2.3. برتی ادوار



شكل 2.3:برقى ادوار ميں برقى تاركى مزاحت كو نظر انداز كياجا سكتاہے۔

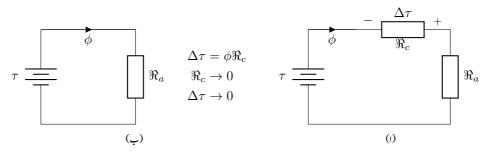


شکل 2.4: کم مز احمتی راه میں برقی رو کی مقد ار زیادہ ہو گی۔

حاصل ہوتا ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر تار میں برقی دیاہ کا گھٹاہ قابل نظر انداز ہو تب لاگو برقی دیاہ جوں کا توں مزاحت R_L تک پہنچتا ہے۔ برقی ادوار حل کرتے ہوئے بہی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار میں برقی دباہ کے گھٹاہ کو نظر انداز کیا جاتا ہے۔ شکل 2.3-الف میں ایبا کرنے سے شکل 2.3-ب حاصل ہوتا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ برقی تار کو اس غرض سے استعال کیا جاتا ہے کہ لاگو برقی دباہ کو مقام استعال تک بغیر گھٹائے پہنچایا جائے۔

شکل 2.4 میں ایک اور مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برقی رو اس راستے زیادہ ہوتی ہے جس کی مزاحمت کم ہو۔ لہذا اگر $R_1 < R_2$ ہو تب $i_1 > i_2$ ہو گا۔

32 مقت طبيسي ادوار



شکل 2.5: مقناطیسی دور

2.4 مقناطیسی دور حصه اول

مقناطیسی ادوار بالکل برقی ادوار کی طرح ہوتے ہیں۔ بس ان میں برقی دباو v کی جگہ مقناطیسی دباو¹⁵ τ ، برقی رو i کی جگہ مقناطیسی بہاو¹⁵ ϕ اور مزاحت R کی جگہ بیکی ہوئے v ایک مقناطیسی دباو بیائے جاتے ہیں۔ یوں بالکل برقی ادوار کی طرح مقناطیسی ادوار بنائے جا کے ہیں۔ ایک ایبا دور شکل 2.5-الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں بھی کوشش یہی ہے کہ کسی طرح مقناطیسی دباو τ کو بغیر گھٹائے ہیکی ہوئی v کی بینی جاتی ہوتی جاتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی خالم درز کی ہیکی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی خاصل ہو گا جس میں مقناطیسی بہاو v بالکل اوہم کے قانون کی طرح، درج ذیل مساوات ہو گا۔ جاسل ہو گا جس میں مقناطیسی بہاو v بالکل اوہم کے قانون کی طرح، درج ذیل مساوات ہو گا۔

$$\tau = \phi \Re_a$$

اگر \Re_c کو نظرانداز کرنا ممکن نہ ہو تب بالکل سلسلہ وار مزاحمتوں کی طرح ہم دو سلسلہ وار بھکچاہٹوں کا مجموعی بھکچاہٹ \Re_s استعال کر کے برقی رو حاصل کریں گے، لیعنی

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

magnetomotive force, mmf¹⁴

flux¹⁵

 $[{]m reluctance^{16}}$

برقی دور کی طرح، مقناطیسی دباو کو کم ایجکیابٹ والی راہ سے مقام ضرورت تک پہنچایا جاتا ہے۔ مساوات 2.2 کے تحت انگھاہٹ کی قیمت مقاطیسی مستقل ہر منحصر ہے ۔مقناطیسی منتقل کی اکائی $\mu=\mu_{r}\mu_{0}$ کی میٹری ٹی میٹر $\frac{\mathrm{H}}{\mathrm{m}}$ ہے۔ μ کو عموماً $\mu=\mu_{r}\mu_{0}$ کھا جاتا ہے جہاں ینری فی میٹر کے برابر ہے اور μ_r کو جزومقاطیہے متقلی μ_r بیں۔ $\mu_0=4\pi imes10^{-7}$ لوہا، کچھ دھاتیں اور چند جدید مصنوعی مواد ایس ہیں جن کی μ_{r} کی قیت 2000 اور 80 000 کے ﷺ پائی جاتی ہیں۔ مقناطیسی دباو کو ایک جگه سے دوسری جگه منتقل کرنے μ کے لئے انہی مقاطیسی مواد کو استعال کیا جاتا ہے۔ بد قشمتی سے مقاطیسی مواد کے کی مقدار اتنی زیادہ نہیں ہوتی ہے کہ ان سے بنی سلاخ کی ہیکچاہٹ ہر موقع پر قابل نظر انداز ہو۔ مساوات 2.2 کے تحت بچکھاہٹ کم سے کم کرنے کی خاطر رقبہ عمودی تراش کو زیادہ سے زیادہ اور لمبائی کو کم سے کم کرنا ہو گا۔ یوں مقناطیسی دباو منتقل کرنے کے لئے باریک تار نہیں بلکہ خاصی زیادہ رقبہ عمودی تراش کا مقناطیسی راستہ درکار ہوتا ہے۔مقناطیسی مشین، مثلاً موٹر اور ٹرانسفار مر، کا بیشتر حصہ مقناطیسی دباو منتقل کرنے والے ان مقناطیسی مواد پر مشمل ہوتا ہے۔ایسے مشینوں کے قلب میں عموماً یہی مقناطیسی مادہ یایا جاتا ہے البذا ایسا مواد مقناطیسی قالب ایکا کہلاتا ہے (شکل 2.6)۔برقی مشینوں میں استعال مقناطیسی قالب لوہے کی باریک چادر یا پتری²⁰ تہہ در تہہ رکھ کر بنائی جاتی ہے۔ مقناطیسی قالب کے بارے میں مزید معلومات حصہ 2.8 میں فراہم کی جائے گا۔

2.5 كثافت مقناطيسي بهاواور مقناطيسي ميدان كي شدت

حصہ 2.2 میں برقی دور کی مثال دی گئی۔یہاں شکل 2.6 میں دکھائے گئے مقناطیسی دور پر غور کرتے ہیں۔ بوں قالب کی ہنچکچاہٹ $\mu_r = \infty$ فور کرتے ہیں۔ بوں قالب کی ہنچکچاہٹ $\nu_r = \infty$ فور کرتے ہیں۔ مقناطیسی قالب کو مقناطیسی دباو $\nu_r = \infty$ مقناطیسی دباو کو خلائی درز کی ہنچکچاہٹ $\nu_r = \infty$ تک پہنچایا گیا ہے۔ البذا یہاں کُل ہنچکچاہٹ صرف مقناطیسی دباو کو خلائی درز کی ہنچکچاہٹ $\nu_r = \infty$

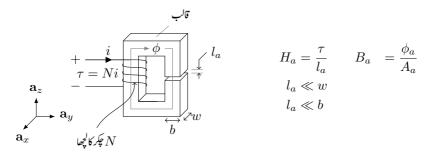
Henry per meter¹⁷

relative permeability, relative magnetic constant¹⁸

 $[\]rm magnetic \ core^{19}$

 $laminations^{20}$

با___2.مقن طيسي اد وار 34



شکل 6 2: کیافت مقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شدت۔

خلائی درز کی جیکیاہٹ ہی ہے یعنی:

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a}$$

اگر خلائی درز کی لمبائی l_a قالب کے رقبہ عمودی تراش کے اضلاع b اور w سے بہت کم ہوں، لیعنی $l_a\ll w$ اور w اور $l_a\ll w$ تب خلائی درز کے رقبہ عمودی تراش $R_a\ll w$ کو قالب کے رقبہ عمودی تراش R_c کے برابر لیا جاتا ہے، لیعنی:

$$(2.17) A_a = A_c = wb$$

 $A_a=A_c$ اس کتاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو وہاں $l_a\ll w$ اور $w\ll b$ اور اس کتاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو

مقناطیسی دباو ہ کی تعریف درج ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

یوں برقی تار کے چکر ضرب تار میں برقی رو کو مقطاطیسی دباو کہتے ہیں۔ مقناطیسی دباو کی اکائی ایمپیز-چکرا2 ہے۔ بالکل حصہ 2.2 کی طرح ہم مساوات 2.15 کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_a}$$

ampere-turn²¹

مقناطیسی بہاو کی اکائی 22 ویبر 23 ہے اور ہیکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر-چکر فی ویبر 24 ہے۔ اس سلسلہ وار دور کی خلائی درز میں مقناطیسی بہاو ϕ_a اور قالب میں مقناطیسی بہاو ϕ_c ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔درج بالا مساوات کو مساوات کی مدد سے

$$\phi_a = \tau \left(\frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

١

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

کھ سکتے ہیں جہاں درز کی نشاندہی زیر نوشت میں a کھ کر کی گئی ہے۔ اس مساوات میں باتھ مقاطیسی بہاو نی اکائی رقبہ کو کٹافیٹے مقاطیسی بہاو نی اکائی کے مقاطیسی بہاو نی اکائی کہ مقاطیسی میدالیزکی شدھے H_a کھا جا سکتا ہے، یعنی:

$$(2.21) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

$$(2.22) H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

کثافتِ مقناطیسی بہاو کی اکائی ویبرفی مرفع میٹر ہے جس کو ٹسلا²⁷ کا نام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شدت کی اکائی ایمپیئرفی میٹر²⁸ ہے۔ یوں مساوات 2.20 کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

$$(2.23) B_a = \mu_0 H_a$$

جہاں متن سے واضح ہو کہ مقاطیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں مقاطیسی میدان کی شدت کو مختراً میدانی شدے 29 کہا جاتا ہے۔ شکل 2.6 میں ہم دیکھتے ہیں کہ خلائی درز میں مقاطیسی بہاو کا رخ اکائی سمتیہ a_z کے ہے البذا ہم کثافتِ مقاطیسی بہاو کو

Weber²²

دارہے کا کی جرمنے کے ولیم افورڈو میبر کے نام ہے جن کابر تی ومتناطبی میدان میں اہم کر دار رہاہے ampere-turn per weber 24

magnetic flux density²⁵

magnetic field intensity 26

Tesla:27 يه اكائي سربياك يكولا شلاك نام ہے جنہوں نے بدلتی روبر قی طاقت عام كرنے ميں اہم كر دار اداكيا

 $[\]begin{array}{c} {\rm ampere\ per\ meter^{28}} \\ {\rm field\ intensity^{29}} \end{array}$

عن طبیسی ادوار 4.

 a_z ہیں۔ ای طرح خلائی درز میں مقناطیسی دباو اکائی سمتیہ $B_a=-B_aa_z$ ال $B_a=-B_aa_z$ ال $B_a=-B_aa_z$ ال $B_a=-H_aa_z$ دباو ڈال رہا ہے لہٰذا ہم مقناطیسی دباو کی شدت کو $B_a=-H_aa_z$ کی سکتا ہے۔ ہیں۔ یوں درج بالا مساوات کو درج ذیل کیھا جا سکتا ہے۔

$$(2.24) B_{\boldsymbol{a}} = \mu_0 \boldsymbol{H_a}$$

اگر خلاء کی جگه کوئی اور ماده ہو تب ہم اس مساوات کو درج ذیل کھتے۔

$$(2.25) B = \mu H$$

مثال 2.2: شکل 2.6 میں خلائی درز میں کثافتِ مقاطیسی بہاو 0.1 ٹسلا درکار ہیں حالت مثال $\mu_r = \infty$ مثال $\mu_r = \infty$ مثال کی جہے۔ قالب کی $\mu_r = \infty$ ہرتی تار کے 0.1 چکر ہوں جب درکار برقی رو 0.1 کتنا ہو گا۔

حل:

$$\tau = \phi \Re$$

$$Ni = \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right)$$

$$\frac{\phi}{A} = B = \frac{Ni\mu_0}{l}$$

للبذا

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4\pi 10^{-7}} = 0.79567 \,\text{A}$$

برقی رو خلائی درز میں $B=0.1\,\mathrm{T}$ کثافت ِ مقناطیسی بہاو پیدا کرے گا۔ $i=0.795\,67\,\mathrm{A}$

2.6 مقناطیسی دور حصه دوم

شکل 2.7 میں ایک سادہ مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے جس میں قالب کی مقناطیسی مستقل کو محدود تصور کرتے ہیں۔مقناطیسی دباو Ni ہر جگہ ایک یکساں ہے اور قالب کی اوسط لمبائی l_c گلہ کا رقبہ عمودی تراش A_c ہر جگہ ایک یکساں ہے اور قالب کی اوسط لمبائی A_c قانون سے معلوم کیا ہے۔ قالب میں مقناطیسی بہاو کا رخ فلیمنگے0 0 وائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔ اس قانون کو دو طریقوں سے بیان کیا جا سکتا ہے۔

- اگر ایک کچھے کو دائیں ہاتھ سے یوں کپڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں کچھے میں برقی رو کے رخ لپی ہوں تب انگوٹھا اُس مقناطیسی بہاو کے رخ ہو گا جو اس برقی رو کی وجہ سے وجود میں آیا ہو۔
- اگر ایک تار جس میں برتی رو کا گزر ہو کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ انگوٹھا برتی رو کے رخ لپٹی ہوں انگلیاں اُس متناطیسی بہاو کے رخ لپٹی ہوں گی جو اس برتی رو کی وجہ سے پیدا ہوگا۔

ان دو بیانات میں پہلا بیان لیچے میں مقناطیسی بہاو کا رخعلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ سیدھی تار کے گرد مقناطیسی بہاو کا رخ دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

 ϕ قالب میں مقناطیسی بہاو گھڑی کے سمت میں ہے۔ مقناطیسی بہاو ϕ کو شکل 2.7 میں تیر والے ہلکی سیابی کے کبیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ قالب کی بچکچاہٹ

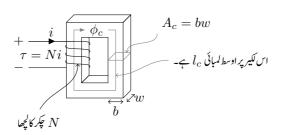
$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

لکھتے ہوئے مقناطیسی بہاو

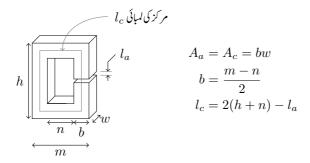
$$\phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = Ni \left(\frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$

Fleming's right hand rule³⁰

عليسي ادوار علي المناطبي المنا



شکل 2.7: ساده مقناطیسی دور په



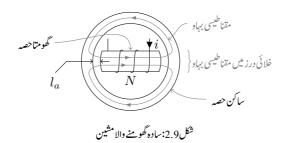
شکل 2.8: خلائی درز اور قالب کے ہیکچاہٹ۔

ہو گا۔اس طرح ہم تمام نا معلوم متغیرات حاصل کر پائے ہیں۔

مثال 2.3: شکل 2.8 میں ایک مقاطیسی قالب دکھایا گیا ہے جس کی معلومات درج زیل ہے۔

(2.26)
$$\mathbf{\ddot{v}} = \left\{ \begin{array}{ll} h = 20 \, \mathrm{cm} & m = 10 \, \mathrm{cm} \\ n = 8 \, \mathrm{cm} & w = 2 \, \mathrm{cm} \\ l_a = 1 \, \mathrm{mm} & \mu_r = 40 \, 000 \end{array} \right.$$

قالب اور خلائی درز کی بیچیاہٹیں حاصل کریں۔



$$b = \frac{m-n}{2} = \frac{0.1-0.08}{2} = 0.01 \,\mathrm{m}$$

$$A_a = A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = 0.0002 \,\mathrm{m}^2$$

$$l_c = 2(h+n) - l_a = 2(0.2+0.08) - 0.001 = 0.559 \,\mathrm{m}$$

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.559}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 55\,598\,\text{A} \cdot \text{t/Wb}$$

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 3\,978\,358\,\text{A} \cdot \text{t/Wb}$$

ہم وکیصے ہیں اگرچہ قالب کی لمبائی خلائی درز کی لمبائی سے 559 گنا زیادہ ہے جب بھی خلائی درز کی ہمچکیاہے ہو $\Re_a\gg\Re_c$ گنا زیادہ ہے۔یوں جا

مثال 2.4: شکل 2.9 سے رجوع کریں۔خلائی درز 5 ملی میٹر لمبا ہے اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہیں۔خلائی درز میں 0.95 T کثافت برقی بہاو حاصل کرنے کی خاطر درکار برتی رو معلوم کریں۔

حل: اس شکل میں گھومتے مشین، مثلاً موٹر، کی ایک سادہ صورت دکھائی گئی ہے۔ ایسی مشینوں کا بیرونی حصہ ان رہتا ہے البذا اس حصے کو مشین کا ساکن صہ 31 کہتے ہیں۔ساکن

 ${\rm stator}^{31}$

40 باب 2, مقت طبيسي ادوار

حصے کے اندر مشین کا گھومتا حصہ پایا جاتا ہے لہذا اس حصے کو مشین کا گھومتا حسہ 32 کہتے ہیں۔ اس مثال میں ان دونوں حصوں کا $\infty = \mu_r = \mu_r$ لہذا ان کی انگیاہٹ صفر ہو گ۔ متاطیعی بہاو کو مبکی سیاہی کی لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقاطیعی بہاو کی ایک مکمل چکر کے دوران مقاطیعی بہاو دو خلائی درزوں سے گزرتا ہے۔ یہ دو خلائی درز ہر لحاظ سے ایک جمیع بیں لہذا ان دونوں خلائی درز کی انگیاہٹ بھی ایک دوسرے کے برابر ہوں گی۔ مزید دونوں خلائی درزوں کی انگیاہٹ بھی ایک دوسرے کے برابر ہوں گی۔ مزید دونوں خلائی درزوں کی انگیاہٹ سلسلہ وار ہیں۔شکل 2.9 میں مقاطیعی بہاو کو گھومتے حصہ ماکن حصہ اور دو خلائی درزوں سے گزرتا ہوا دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی l_a بہت لہذا خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش l_a وہی ہو گا جو گھومتے حصہ کا ہے لینی کم ہے لہذا خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش l_a وہی ہو گا جو گھومتے حصہ کا ہے لینی کم ہے المذا خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش l_a وہی ہو گا جو گھومتے حصہ کا ہے لینی

ایک خلائی درز کی مچکیاہٹ

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{l_a}{\mu_0 A_c}$$

ہے لہذا دو سلسلہ وار خلائی درزوں کی گل جیکیاہٹ درج ذیل ہو گی۔

$$\Re_s = \Re_a = \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c}$$

خلائی درز میں مقناطیسی بہاو ϕ_a اور کثافتِ مقناطیسی بہاو B_a درج ذیل ہوں گے۔

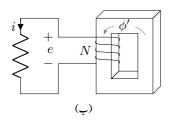
$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left(\frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right)$$

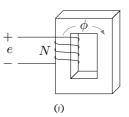
$$B_a = \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a}$$

اس مساوات میں اعداد استعمال کرتے ہیں۔

$$0.95 = \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005}$$
$$i = \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \,\text{A}$$

موٹر اور جنریٹروں کی خلاء میں تقریباً ایک ٹسلا کثافتِ برقی بہاو ہوتی ہے۔





شکل 2.10: قالب میں مقناطیسی بہاومیں تبدیلی کچھے میں برقی دباوپیدا کرتی ہے۔

2.7 خوداماله، مشتر كه اماليه اور توانا كي

$$(2.27) e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

امالی برقی دباو کو منبع برقی دباو تصور کریں۔

امالی برقی دباو کی سمت کا تعین یوں کیا جاتا ہے کہ اگر دیۓ گئے لچھے کی سروں کو کسردور 36 کیا جائے تو اِس میں برقی رو اُس رخ ہو گی جو مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو روۓ۔ یوں اگر شکل 2.10-1 میں بہاو کی سمت گھڑی کی سوئیوں کے گھومنے کے رخ ہو اور اگر بہاو بڑھ رہا ہو تب بہاو کی تبدیلی کے مخالف بہاو پیدا کرنے کی خاطر لچھے کا بالائی سر مثبت دباو پر ہو گا۔شکل 2.10-ب میں لچھے کے سروں کے بھی مزاحمت نسب کیا گیا ہے۔ لچھے کو منبع دباو تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مزاحمت میں روکی سمت قالب میں گھڑی کی الٹ رخ بہاو 4

induced voltage 33 Faraday's law 34

³⁵ مانگل فیراڈے انگلتانی سائنسدان تھے جنہوں نے محرک برقی دباور ریافت کی

short circuit³⁶

42 باب_2,مقناطيسي او وار

قالب میں مقناطیسی بہاو ϕ کچھے کے تمام چکروں کے اندر سے گزرتا ہے۔ $N\phi$ کو کچھے کی ارتباط بہاو λ کہتے ہیں جس کی اکائی ویبر–چکر λ 37

$$\lambda = N\phi$$

جن مقناطیسی ادوار میں مقناطیسی مستقل μ کو اٹل مقدار تصور کیا جا سکے یا جن میں خلائی درز کی انجکیاہٹ تالب کی انجکیاہٹ سے بہت زیادہ ہو $\Re_c\gg \Re_c$ ان میں کچھ کی امالہ 39 کی تعریف درج ذیل ہے۔

$$(2.29) L = \frac{\lambda}{i}$$

امالہ کی اکائی ویبر – چیکر فی ایمپیئر ہے جس کو ہینری H^{-40} کا نام 41 دیا گیا ہے۔ یوں $\phi = \frac{Ni}{\Re}$ اور $\phi = \frac{Ni}{\Re}$ اور $\phi = \frac{Ni}{\Re}$ اور $\phi = \frac{Ni}{\Re}$ ہوتا ہے

$$(2.30) L = \frac{N\phi}{i} = \frac{NB_cA_c}{i} = \frac{N^2\mu_0A_a}{l_a}$$

جہاں قالب کا رقبہ عمودی تراث A_c اور درز کا رقبہ عمودی تراث A_a ایک دوسرے کے برابر لیے گئے ہیں۔

1000 مثال $b=5\,\mathrm{cm}, w=4\,\mathrm{cm}, l_a=3\,\mathrm{mm}$ مثال 2.11 شکل 2.11 مثال 3.5 مثال 3.5 مثال ورسط لمبائی $30\,\mathrm{cm}$ مثال اور قالب کی اوسط لمبائی $30\,\mathrm{cm}$ اور قالب کی اوسط المبائی $30\,\mathrm{cm}$ مثالث کرس۔

- $\mu_r = \infty$ قالب کی $\mu_r = \infty$
- $\mu_r = 500$ قالب کی $\mu_r = 500$

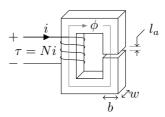
flux linkage³⁷

weber-turn³⁸

inductance³⁹

Henry⁴⁰

المر کی سائنسدان جوزف بینری جنہوں نے مالگل فیراڈے سے علیحدہ طور پر محرک برقی دباو دریافت کی



شكل 2.11: اماليه (مثال 2.5)

حل: (۱) قالب کی $\mu_r=\infty$ کی بنا قالب کی تیجیاپہ نظر انداز کی جا سکتی ہے۔یوں امالہ درج ذیل ہو گی۔

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$

$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$

$$= 0.838 \,\text{H}$$

 (\cdot) کی صورت میں قالب کی انگیچاہٹ قابل نظر انداز نہیں ہو گی۔خلاء اور قالب کی انگیچاہٹ دریافت کرتے ہیں۔

$$\begin{split} \Re_a &= \frac{l_a}{\mu_0 w b} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,507\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \\ \Re_c &= \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 w b} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb} \end{split}$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{1\,193\,507 + 238\,701} = 0.698\,\mathrm{H} \end{split}$$

باب 2, مقت طيسي ادوار

مثال 2.6: شکل 2.12 میں ایک پیچدار لچھا 42 وکھایا گیا ہے جس کی جسامت

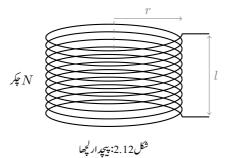
$$N = 11, r = 0.49 \,\mathrm{m}, l = 0.94 \,\mathrm{m}$$

یپچدار کچھے کے اندر مقاطیسی بہاو ϕ کا بیشتر حصہ محوری رخ ہوتا ہے۔ کچھے کے بار کہی بہاو پوری کا نات سے گزرتے ہوئے واپس کچھے میں داخل ہوتا ہے۔چو نکہ پوری کا نات کا رقبہ عمودی تراش A لامتناہی ہے لہذا کچھے کے باہر کثافت مقاطیسی بہاو A کی مقدار قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ کچھے کے اندر محوری رخ مقاطیسی شدت درج ذیل ہو گی۔

$$H = \frac{Ni}{l}$$

اس کچھے کی خود امالہ حاصل کریں۔

درج زیل ہے۔



spiral coil⁴²

حل:

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l}$$

$$\phi = B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l}$$

$$\lambda = N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l}$$

$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

 $L=rac{4\pi 10^{-7} imes 11^2 imes \pi imes 0.49^2}{0.94}=122\,\mathrm{pH}$

 N_1 کی دور دکھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے چکر والا ایک مقناطیسی دور دکھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے چکر i_2 ہور اس میں برتی رو i_2 ہے، دوسرا کچھا N_2 کھا N_2 کھوں میں مثبت برتی رو قالب میں ایک جیسے رخ مقناطیسی دباو پیدا کرتے ہیں۔ اگر قالب کا \Re_c قابل نظرانداز ہو تب مقناطیسی بہاو Φ درج ذیل ہو گا۔

(2.31)
$$\phi = (N_1 i_1 + N_2 i_2) \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

دونوں کیجھوں کے مجموعی مقناطیسی دباو لینی د $N_1i_1+N_2i_2$ سے پیدا ہونے والا مقناطیسی بہاو ϕ ہے۔ اس مقناطیسی بہاو کا پہلے کیجھے کے ساتھ ارتباط

(2.32)
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

ليعني

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

⁴³ یہ پیچدار لچھامیں نے 3000 کلو گرام لوہا پھھلانے والی بھٹی میں استعال کیاہے۔

با___2.مقن طیسی اد وار 46

شكل 2.13: دو لحجهے والا مقناطيسي دور۔

$$L_{12}$$
 اور L_{12} اور L_{12} اور L_{13}

$$(2.34) L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

(2.38)

$$(2.35) L_{12} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l}$$

يہلے کھھے کی نودامالہ 44 ہے اور $L_{11}i_1$ اس کھھے کی اینے برقی رو i_1 سے پیدا مقناطیسی L_{11} بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے جسے خودارتباط بہاو 45 کہتے ہیں۔ L_{12} اِن دونوں کچھوں کا مشترکہ المالہ 46 ہے اور $L_{12}i_2$ کیھا-1 کے ساتھ i_2 سے پیدا بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے جے مشرکہ ارتباط بہاو 47 کہتے ہیں ۔ بالکل اسی طرح ہم دوسرے کچھے کے لئے درج ذیل لکھ سکتے

(2.36)
$$\lambda_{2} = N_{2}\phi = N_{2}N_{1}\frac{\mu_{0}A_{a}}{l_{a}}i_{1} + N_{2}^{2}\frac{\mu_{0}A_{a}}{l_{a}}i_{2}$$

$$= L_{21}i_{1} + L_{22}i_{2}$$

$$= L_{21} \quad \text{i.e.} \quad L_{21} \quad \text{i.e.} \quad L_{22} \quad \text{i.e.}$$

$$L_{22} = N_{2}^{2}\frac{\mu_{0}A_{a}}{l_{a}}$$

$$L_{21} = L_{12} = N_{2}N_{1}\frac{\mu_{0}A_{a}}{l_{a}}$$

$$(2.38)$$

ی خود امالہ اور $L_{21}=L_{12}$ دونوں کچھوں کی مشتر کہ امالہ ہے۔امالہ کا تصور L_{22} اں وقت کارآمد ہوتا ہے جب مقاطیسی مستقل μ کو اٹل تصور کرنا ممکن ہو۔

self inductance⁴⁴

self flux linkage45

mutual inductance⁴⁶

mutual flux linkage⁴⁷

مساوات 2.29 کو مساوات 2.27 میں پر کرتے ہیں۔

(2.39)
$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = \frac{\partial (Li)}{\partial t}$$

اگر امالہ کی قیمت اٹل ہو جیبا کہ ساکن مشینوں میں ہوتا ہے تب ہمیں امالہ کی جانی پیچانی مساوات

$$(2.40) e = L \frac{\partial i}{\partial t}$$

ملتی ہے۔ اگر امالہ بھی تبدیل ہو جیسا کہ موٹروں اور جزیٹروں میں ہوتا ہے تب درج ذیل ہو گا۔

(2.41)
$$e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

 W^{53} اکائی جاول J^{49} ہے اور طاقتے 51 کی اکائی 48 کی اکائی جاول ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ ہور طاقتے 51 کی اکائی ہوگئی ہوگئی

W اس کتاب میں توانائی یا کام کو W سے ظاہر کیا جائے لیکن طاقت کی اکائی واٹ W کے لئے بھی یہی علامت استعال ہوتی ہے۔ امید کی جاتی ہے کہ متن سے اصل مطلب جانا ممکن ہو گا۔

وقت کے ساتھ توانائی کی تبدیلی کی شرح کو طاقھ کہتے ہیں۔اس طرح درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.42) p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ie = i\frac{\partial\lambda}{\partial t}$$

energy⁴⁸

⁵⁰ جیمس پریسقوٹ جاول انگلتانی سائنسدان جنہوں نے حرارت اور میکانی کام کارشتہ دریافت کیا Dower⁵¹

⁵² کاللینڈ کے جیمزواٹ جنہوں نے بخارات پر چلنے والے انجن پر کام کیا

48 باب_2, مقناطيسي ادوار

مقناطیسی دور میں لمحہ t_1 تا t_2 مقناطیسی توانائی کی تبدیلی کو تکمل کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا ہے:

(2.43)
$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

اگر مقناطیسی دور میں ایک ہی لچھا ہو اور دور میں امالہ کی قیمت اٹل ہو تب درج ذیل ہو گا۔

(2.44)
$$\Delta W = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left(\lambda_2^2 - \lambda_1^2 \right)$$

اگر لمحہ t_1 پر مقاطیسی توانائی درج $\lambda=0$ کی جائے تب کسی دیئے گئے کہ پر مقاطیسی توانائی درج زمل ہو گی۔

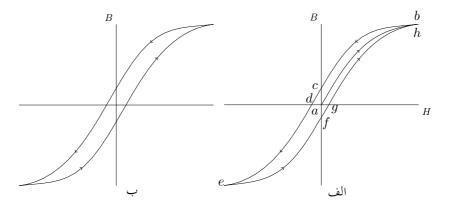
$$\Delta W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$$

2.8 مقناطیسی مادہ کے خصوصیات

قالب کی استعال ہے دو فواکد حاصل ہوتے ہیں۔ قالب کے استعال ہے کم مقناطیسی دباو، زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے اور مقناطیسی بہاو کو پیند کی راہ پابند کیا جا سکتا ہے۔ ایک مرحلہ ٹرانسفار مروں میں قالب کی استعال سے مقناطیسی بہاو کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ تمام کچھوں میں یکسال بہاو پایا جاتا ہو۔ موٹروں میں قالب کی استعال سے مقناطیسی بہاو کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پیدا ہو جبکہ جزیڑوں میں زیادہ سے زیادہ برقی دباو حاصل کرنے کی نیت سے بہاو کو پابند کیا جاتا ہے۔ مقناطیسی مواد کی B اور B کا تعلق ترسیم کی صورت میں پیش کیا جاتا ہے۔ لوہا نما مقناطیسی مادے کی B B کا تعلق ترسیم کی صورت میں پیش کیا جاتا ہے۔ لوہا نما مقناطیسی مادے کی B خاہر کیا گئی ہے۔ایک لوہا نما مقناطیسی مادہ جس میں مقناطیسی اثر تسیم فکل 2.14 کا تعلق ترسیم کی سورت میں بیش کیا گئی ہے۔ایک لوہا نما مقناطیسی مادہ جس میں مقناطیسی اثر تسیم شکل 2.14 کا تو کو نقط B سے ظاہر کیا گیا ہے۔ایک نقط پر

$$H_a = 0$$

$$B_a = 0$$



شکلB-H:2.14 خطوط یامقناطیسی حیال کے دائرے

يں_

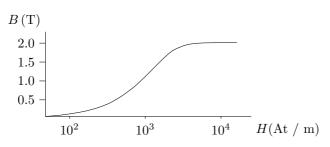
ایسے مادہ کو کچھے میں رکھ کر اس پر مقناطیسی دباہ لاگو کی جا سکتی ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت H لاگو کرنے سے لوہا نما مقناطیسی مادے میں کثافت مقناطیسی بہاہ B پیدا ہو گی۔میدانی شدت بڑھانے سے کثافت مقناطیسی بہاہ بھی بڑھے گی۔اس عمل کو نقطہ B سے شروع ایک نوکدار خط سے دکھایا گیا ہے۔میدانی شدت کو نقطہ B تک بڑھایا گیا ہے جہاں ہیہ مقداریں B اور B بیں۔

اگر اس نقطہ تک پینچنے کے بعد میدانی شدت کم کی جائے تو دیکھا ہے گیا ہے کہ واپی کا خط مختلف راستہ اختیار کرتا ہے۔ یوں نقطہ b سے میدانی شدت کم کرتے ہوئے صفر کرنے سے لوہ نما مادہ کی کثافتِ مقاطیعی بہاو کم ہو کر نقطہ c پر آ پینچتی ہے۔ نقطہ c سے نقطہ c تک نوکدار خط اس عمل کو ظاہر کرتا ہے۔ اس نقطہ پر بیرونی میدانی شدت صفر ہے لیکن لوہا نما مادے کی کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر نہیں ہے۔ یہ اب ایک مقناطیسی بہاو c بین گیا ہے جس کی کثافتِ مقناطیسی بہاو c ہے۔ اس مقدار کو بقایاکا فرضے مقناطیسی بہاو c بین گیا ہے۔ اس مقدار کو بقایاکا فرضے مقناطیسی بہاو c بین گیا ہے۔ اس مقدار کو بقایاکا فرضے مقناطیسی بہاو اس عبار جس کی کثافت مقناطیسی بہاو c ہوں معنوعی مقاطیس اس طرح بنایا جاتا ہے۔

یہاں سے میدانی شدت منفی رخ بڑھانے سے B کم ہوتے ہوتے آخر کار ایک مرتبہ دوبارہ صفر ہو جائے گی۔اس نقطہ کو d سے ظاہر کیا گیا ہے۔مقناطیسیت ختم کرنے کے لئے

magnetic flux!residual⁵⁴

50 باب 2. مقت طبیسی ادوار



شكل 5:2.15 M سنٹيل كى 0.3048 ملى ميٹر موٹی پتر ى كانط-ميدانی شدت كاپيانہ لاگ ہے۔

در کار میدانی شدت کی مقدار $|H_d|$ کو مقناطیست ختم کرنے والی شدت یا خاتم شدھے $|H_d|$ کو مقاطیست ختم کرنے والی شدت یا خاتم شدھے والے ہیں۔

منفی رخ میدانی شدت بڑھانے سے نقطہ e حاصل ہوتا ہے جہاں سے منفی رخ کی میدانی شدت کی مقدار ایک مرتبہ پھر کم کی جاتی ہے۔ یوں نقطہ f حاصل ہوتا ہے جہاں میدانی شدت صفر ہونے کے باوجود کثافتِ مقاطیسی بہاو صفر نہیں۔ اس نقطہ پر لوہا نما مادہ الک رخ مقناطیس بن چکا ہے اور B_f بقایا کثافتِ مقاطیسی بہاو ہے۔ اس طرح اس رخ مقناطیسیت ختم کرنے کی شدت $|H_g|$ ہے۔ میدانی شدت بڑھاتے ہوئے ہم نقطہ d کی بجائے نقطہ d کی بجائے ہیں۔

اگر برقی شدت کو متواتر اسی طرح پہلے ایک رخ اور پھر اس کے الٹ رخ ایک خاص مد تک لے جایا جائے تو آخر کار B-H خط ایک بند دائرہ کی صورت اختیار کر لیتا ہے جے شکل B-H میں دکھایا گیا ہے۔ شکل B-H کی مقناطیہ عالمے کا دائرہ 56 کہتے ہیں۔

مختلف H کے لئے شکل 2.14-ب حاصل کر کے ایک ہی کافذ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے b نقطے جوڑنے سے شکل 2.15 میں دکھایا B-H خط حاصل ہوتا ہے۔ شکل 2.15 میں ٹرانسفار مروں میں استعال ہونے والی 0.3048 ملی میٹر موٹی M5 قالب کی پتری کا B-H خط دکھایا گیا ہے۔ اس خط میں موجود مواد جدول 2.11 میں بھی دیا گیا ہے۔ عمواً مقناطیسی مسائل عل کرتے ہوئے شکل 2.14 کی جبگہ شکل 2.15 طرز کا خط استعال کیا جاتا ہے۔دھیان رہے کہ اس خط میں H6 پیانہ لاگے 57 میں دکھایا گیا ہے۔

coercivity⁵⁵

hysteresis loop⁵⁶

 $[\]log^{57}$

لوہا نما مقناطیسی مادے پر لاگو مقناطیسی شدت بڑھانے سے کثافت ِ مقناطیسی بہاو بڑھنے کی شرح بتدریج کم ہوتی جاتی ہے حتی کہ آخر کار بیہ شرح خلاء کی شرح موتی جاتی ہے یعنی مجان ہے AB

$$\frac{\Delta B}{\Delta H} = \mu_0$$

اس اثر کو سیرابیدی 58 کہتے ہیں جو شکل 2.15 میں واضح ہے۔

شکل 2.14 سے واضح ہے کہ H کی کسی بھی قیمت پر B کے دو ممکنہ قیمتیں ہوں B کے بہاو کی صورت میں ترسیم میں پنچ سے اُوپر جانے والا خط B اور B کا تعلق پیش کرے گا جبکہ گھٹے ہوئے مقناطیسی بہاو کی صورت میں اوپر سے پنچ جانے والا خط اس تعلق کو پیش کرے گا۔ چونکہ B/H ہے لہٰذا B کی مقدار تبدیل ہونے والا خط اس تعلق کو پیش کرے گا۔ چونکہ B/H ہم مقناطیسی ادوار میں B کو ایک متقل تصور کر لینے سے عموماً جواب پر زیادہ اثر نہیں پڑتا۔

مثال 2.7: شکل 2.15 یا اس کے مساوی جدول 2.1 میں دیئے گئے مواد کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.6 کی خلاء میں ایک ٹسلا اور دو ٹسلا کثافتِ مقناطیسی بہاو حاصل کرنے کے لئے درکار برقی رو معلوم کریں۔اس شکل میں

 $b=5\,\mathrm{cm}, w=4\,\mathrm{cm}, l_a=3\,\mathrm{mm}, l_c=30\,\mathrm{cm}, N=1000$

ہیں۔ قالب اور خلاء کا رقبہ عمودی تراش ایک دوسرے جتنا لیں۔

حل: ایک ٹسلا کے لئے۔

جدول 2.1 سے ہم دیکھتے ہیں کہ قالب میں 1 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے قالب کو 2.1 ایمپیئر – چکر نی H میٹر درکار ہوں گے۔ چکر درکار ہوں گے۔

خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795\,671$$

saturation⁵⁸

52 مقت طبیسی ادوار

ایمپیئر-چکر فی میٹر درکار ہیں۔لہذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 2387 = 795671 (میپیئر) ایمپیئر چکر درکار ہوں گے۔یوں گل ایمپیئر-چکر 3366 + 2387 = 3.366 ہیں جن سے

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔

حل: دو ٹسلا کے لئے۔

جدول 2.1 ہے ہم دیکھتے ہیں کہ قالب میں 2 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے قالب کو $0.3 \times 10000 = 3000$ کے میٹر $0.3 \times 10000 = 3000$ کے قالب کو $0.3 \times 10000 = 3000$ کے میٹر جبکر درکار ہیں۔خلاء کو 0.3×10000

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591342$$

ایمپیئر – چکر نی میٹر درکار ہیں۔لہذا 3 ملی میٹر لمبی خلاء کو 4774 = 1591342 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہیں۔یوں گل ایمپیئر – چکر 7774 = 4774 + 3000 ہیں جن سے

$$i = \frac{7774}{1000} = 7.774 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اں مثال میں مقاطیسی سیرابت کے اثرات واضح ہیں۔

2.9 هيجان شده لجھا

2 عموماً بدلتی رو بجلی میں برقی دباو اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں لیعنی ہے وقت کے 2 ساتھ 2 د دمتاطیسی بیاں۔ اِس سبق میں ہم بدلتی رو سے لیجھے کو ہیجان 2 د دمتاطیس میں ہم بدلتی رو سے لیجھے کو ہیجان

2.9. بيجبان شده لچھ

B	H	B	H	B	H	B	H	B	H	B	H
0.000	0	0.700	9	1.480	30	1.720	200	1.852	1000	1.998	9000
0.040	2	0.835	10	1.540	40	1.752	300	1.900	2000	2.000	10000
0.095	3	1.000	11.22	1.580	50	1.780	400	1.936	3000	2.020	20000
0.160	4	1.100	12.59	1.601	60	1.800	500	1.952	4000	2.040	30000
0.240	5	1.200	14.96	1.626	70	1.810	600	1.968	5000	2.048	40000
0.330	6	1.300	17.78	1.640	80	1.824	700	1.975	6000	2.060	50000
0.440	7	1.340	20	1.655	90	1.835	800	1.980	7000	2.070	60000
0.560	8	1.400	23.77	1.662	100	1.846	900	1.985	8000	2.080	70000

جدول 2.1:مقناطیسی بهاوبالمقابل شدت

کرنا اور اس سے خمودار ہونے والے برقی توانائی کے ضیاع کا تذکرہ کریں گے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ قالب میں کثافتِ مقاطیسی بہاو درج ذیل ہے۔

$$(2.48) B = B_0 \sin \omega t$$

یوں قالب میں بدلتا مقناطیسی بہاو arphi درج ذیل ہو گا۔

(2.49)
$$\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$$

اس مساوات میں مقاطیسی بہاو کا حیطہ $+\phi_0$ اور B کا حیطہ $+A_c$ بیں۔ A_c قالب کا رقبہ عمودی تراش ہے جو ہر جگہ کیساں ہے $+\omega=2\pi f$ ہے جہال $+\omega=2\pi f$ تعدد ہے۔

فیراڈے کے قانون لینی مساوات 2.27 کے تحت اس مقناطیسی بہاو کی وجہ سے کچھے میں e(t) میں e(t)

(2.50)
$$e(t) = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$
$$= \omega N \phi_0 \cos \omega t$$
$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$
$$= E_0 \cos \omega t$$

جس کا حیطہ

$$(2.51) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ا___2,مقت طبيبي ادوار

ے۔e(t) کو امالی برقی دباوe(t) کے ہیں۔

ہم بدلتی رو مقداروں کے مربع کی اوسط کے جذر میں دلچیں رکھتے ہیں جو ان مقداروں کی موثر 60 قیت ہوتی ہے۔ جیبا صفحہ 20 پر مساوات 1.44 میں دیکھا گیا ہے، ایک سائن نما موج کی موثر قیمت اس کے حیطہ کے $1/\sqrt{2}$ گنا ہوتی ہے لہذا امالی برقی دباو کی موثر قیمت درج ذیل ہو گی۔

(2.52)
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

یہ مساوات بہت اہمیت رکھتی ہے جس کو ہم بار بار استعال کریں گے۔بدلتی برقی دباو یا بدلتی برقی دو کی مقدار کا جب بھی ذکر ہو، یہ ان کی مربع کی اوسط کے جذر لیعنی اس کی موثر قیمت کا ذکر ہوتا ہے۔پاکتان میں گھریلو برقی دباو 220 وولٹ ہے۔اس کا مطلب ہے کہ اس برقی دباو کی موثر قیمت 220 وولٹ ہے۔ چونکہ یہ سائن نما ہے لہذا اس کی چوئی $\sqrt{2} \times 220 = 311$

مثال 2.8: شکل 2.7 میں 27 چکر ہیں۔ قالب کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عودی تراش 229.253 مربع سم ہے۔ لچھے میں گھریلو 220 وولٹ موثر برقی دباو سے بیجان پیدا کیا جاتا ہے۔جدول 2.1 کی مدد سے مختلف برقی دباو پر محرک برقی رو معلوم کریں اور اس کا خط کھنچیں۔

حل: گھريلو برقى دباو 50 ہرٹز كى سائن نما موج ہوتى ہے يعنى:

(2.53)
$$v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$$

ماوات 2.52 کی مدد سے ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی حاصل کرتے ہیں:

(2.54)
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 \,\mathrm{T}$$

induced voltage⁵⁹ root mean square, rms⁶⁰

2.9. ييبان سنده لچھ

ωt	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	ωt	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$
0.675	1.000	11.22	3.366	0.125	0.000	0.000	0	0.000	0.000
0.757	1.100	12.59	3.777	0.140	0.025	0.040	2	0.600	0.022
0.847	1.200	14.96	4.488	0.166	0.059	0.095	3	0.900	0.033
0.948	1.300	17.78	5.334	0.198	0.100	0.160	4	1.200	0.044
0.992	1.340	20	6.000	0.222	0.150	0.240	5	1.500	0.056
1.064	1.400	23.77	7.131	0.264	0.208	0.330	6	1.800	0.067
1.180	1.480	30	9.000	0.333	0.278	0.440	7	2.100	0.078
1.294	1.540	40	12.000	0.444	0.357	0.560	8	2.400	0.089
1.409	1.580	50	15.000	0.556	0.453	0.700	9	2.700	0.100
1.571	1.601	60	18.000	0.667	0.549	0.835	10	3.000	0.111

جدول2.2: محر*ک* برقی رو

یوں قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر تا 1.601∓ ٹسلا تبدیل ہوتی رہتی ہے لہذا قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کی مساوات درج ذیل ہو گی۔

$$(2.55) B = 1.601 \sin \omega t$$

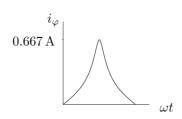
ہم فہرست کی مدد سے کثافتِ مقناطیسی بہاو کا 0 تا 1.601 ٹسلا مختلف قیتوں پر درکار B محرک برقی رو i_{ϕ} معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ہم مختلف B پر جدول 2.1 سے قالب کی B حاصل کریں گے جو کہ ایک میٹر کبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر-چکر دیتی ہے۔اس سے B سم کمبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر-چکر حل کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔

جدول 2.2 مختلف کثافتِ مقناطیسی بہاو کے لئے درکار محرک برقی رو دیتی ہے۔جدول میں ہر B کی قیمت پر ωt مساوات 2.55 کی مدد سے حاصل کی گئی ہے۔ ωt بالمقابل محرک برقی رو کا خط شکل 2.16 میں دیا گیا ہے۔

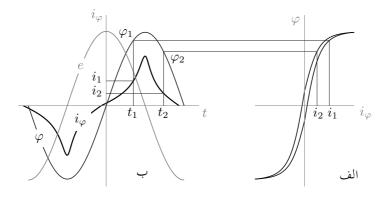
برتی کچھے میں برتی دباو سے بیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ بیجان شدہ کچھے میں برتی رو کی بنا i_{φ} قالب میں مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ اس برتی رو i_{φ} کو بیجان انگیز برقی رو i_{φ} کہتے ہیں۔

excitation current⁶¹

56 باب_2, مقن طبیمی ادوار



شکل 1.5:2.16 پتری کے قالب میں 1.6 ٹسلا تک ہیجان پیدا کرنے کے لئے در کار ہیجان انگیز برقی رو۔



شكل 2.17: ہيجان انگيز برقى رو_

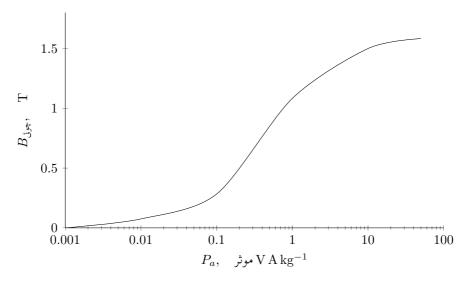
مثال 2.8 میں بیجان انگیز برقی رو معلوم کی گئی جے شکل 2.16 میں دکھایا گیا۔ اسے ماصل کرتے وقت مقاطیمی پالے 62 کو نظر انداز کیا گیا۔ شکل 2.17 میں بیجان انگیز برقی رو i_{φ} دکھائی گئی ہے۔ اس کو سمجھنا نہایت ضروری ہے۔ شکل 2.17-الف میں مقاطیسی چال کا خط ہے۔ چونکہ

(2.56)
$$Hl = Ni$$
$$\varphi = BA_c$$

ہیں البذا مقناطیسی چال کے خط کو $\varphi-i_{\varphi}$ کا خط کسا جا سکتا ہے۔ شکل 2.17-ب قالب میں سائن نما مقناطیسی بہاو ہوت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے۔ لمجہ t_1 پر اس کی مقدار φ_1 ہے۔ مقناطیسی بہاو φ_1 حاصل کرنے کے لئے درکار

hysteresis⁶²

2.9. بيجبان شده لچھ



شکل 2.18: پیاں ہرٹزیر 0.3 ملی میٹر موٹی پتری کے لئے در کار موثر وولٹ - امپیئر فی کلو گرام قالب

یجان انگیز برقی رو i_1 شکل-الف سے حاصل کی جا سکتی ہے۔اسی بیجان انگیز برقی رو کو شکل-ب میں لمحہ t_1 پر دکھایا گیا ہے۔

دھیان رہے کہ لمحہ t_1 پر مقناطیسی بہاو بڑھ رہا ہے لہذا مقناطیسی چال کے خط کا صحح حصہ استعال کرنا ضروری ہے۔شکل 2.17-الف میں $\varphi-i_{\varphi}$ کے خط میں گھڑی کی سوئیوں کے الٹ رخ گھومتے ہوئے یوں نیچ سے اوپر جاتا ہوا حصہ استعال کیا گیا ہے۔مقناطیسی بہاو بڑھنے کی صورت میں شکل 2.14-ب میں نیچ سے اوپر جاتے ہوئے حصے پر تیر کا خان صحیح حصہ دیتا ہے۔اس طرح مقناطیسی بہاو گھنے کی صورت میں اوپر سے نیچ جاتے ہوئے حصہ دیتا ہے۔اس طرح مقناطیسی بہاو گھنے کی صورت میں اوپر سے نیچ جاتے ہوئے حصہ دیتا ہے۔

 ψ_2 ہو ہو ہو ہوں ہواو گھٹ رہا ہے۔اس کھہ پر مقناطیسی بہاو ہو ہو اسے حاصل کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو ψ_2 ہے۔

اتی طرح مختلف کمحات پر درکار بیجان انگیز برتی رو حاصل کرنے سے شکل 2.17-ب میں دکھایا گیا ج i_{arphi} کا خط ملتا ہے۔یہ ایک غیر سائن نما خط ہے۔

58 باب_2,مقناطيسي ادوار

 $e=N\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=N\phi_0\omega\cos\omega t$ آپ جانے ہیں کہ اگر $\varphi=\phi_0\sin\omega t$ ہو جہ جو تب برتی دباو کو جھی دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ متناطبی بہاو برتی دباو سے 90° بیچھے ہے۔

قالب میں $B=B_0\sin\omega t$ کی صورت میں $B=B_0\sin\omega t$ قالب میں موثر قیمتوں $B=B_0\sin\omega t$ اور $i_{\varphi,rms}$ کا تعلق درج ذیل ہو گا۔

$$(2.57) Ni_{\varphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

ماوات 2.52 اور ماوات 2.57 سے درج زیل ملتا ہے۔

(2.58)
$$E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2\pi}fB_0H_{c,rms}A_cl_c$$

يبال $A_c l_c$ قالب كا حجم ہے۔ لہذا ہيہ مساوات جميں $A_c l_c$ کي قالب كو B_0 گافت مقاطيسي بہاو تك جيجان كرنے كے لئے دركار $E_{rms} i_{\varphi,rms}$ ديتی ہے۔ ايک مقاطيسي قالب جس كا حجم $m_c = \rho_c A_c l_c$ ہو كى كيت $m_c = \rho_c A_c l_c$ ہو كى كيت كوگرام قالب كے لئے مساوات $A_c l_c$ درج ذيل كھي جا كتي ہے۔

$$(2.59) P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2}\pi f}{\rho_c} B_0 H_{c,rms}$$

 $B_{\dot{g}}$ و کی ایک تعدد B_{a} پر B_{a} کی قیمت صرف قالب اور اس میں B_{0} ایعنی پوئی B_{0} پر مخصر ہے، چونکہ B_{0} خود B_{0} پر مخصر ہے۔ یہی وجہ ہے کہ قالب بنانے والے اکائی کمیت کے قالب میں مختلف پوئی پیرا کرنے کیلئے درکار B_{0} کی $E_{rms}i_{\varphi,rms}$ کی B_{0} پیرا کرنے کیلئے درکار B_{0} کی ترسیم مہیا کرتے ہیں۔ قالب کی B_{0} میں مہیا کرتے ہیں۔ قالب کی B_{0} میں میا کرتے ہیں۔ قالب کی ورب

ا ــ 3

ٹر انسفار مر

ٹرانسفار مر وہ آلہ ہے جو بدلتی برقی دباو تبدیل کرتا ہے۔ یہ دو یا دو سے زیادہ کچھوں پر مشتمل ہوتا ہے جو مقناطیسی قالب اپر لیٹے ہوتے ہیں۔ یہ کچھے عموماً آپس میں بُڑے ہوئے نہیں ہوتے۔ شکل 3.1-الف میں ٹرانسفار مرکی علامت دکھائی گئی ہے۔ دو کچھوں کے درمیان متوازی کیریں مقناطیسی قالب کو ظاہر کرتی ہیں۔

دستیاب برتی دباو پر ٹرانسفار مر کے ایک لیجھے کو برتی طاقت فراہم کی جاتی ہے اور باتی لیجھوں سے مختلف برتی دباو پر یہی برتی طاقت حاصل کی جاتی ہے۔ جس لیجھ پر برتی دباو لاگو کیا جائے اسے ابتدائی کچھا کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر کی اس جانب کو ابتدائی جانب ہے ہیں۔ اس طرح جس لیجھے (کچھوں) سے برتی طاقت حاصل کی جاتی ہے اسے (انہیں) آنوکھ لیکھا کہ لیکھیا کہتے ہیں۔ یہ شکل کے حصہ با میں کیھا کا دکھایا گیا ہے۔ ٹرانسفار مر کی ابتدائی جانب کو آبانوں جانب کو بائیں ہاتھ کی جانب اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ کی جانب بانیا جاتا ہے۔

 $magnetic\ core^1$

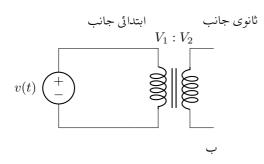
² بدلتی برقی دباو کی علامت میں مثبت اور منفی نشان وقت صفر پر برقی دباو کی مثبت اور منفی سرے ظاہر کرتے ہیں۔

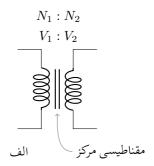
primary coil³

primary side⁴

secondary coil⁵ secondary side⁶

60 پاب.3. ٹرانسفار مر





شكل 1.3: ٹرانسفار مركى علامت۔

بڑے ٹرانسفار مر عموماً دو ہی کچھوں پر مشتل ہوتے ہیں۔اس کتاب میں ہم دو ہی کچھوں کے مقناطیسی قالب پر لیٹے قوی ٹرانسفار مر پر تبھرہ کریں گے۔

ٹرانسفار مر کے کم برتی دباو کے لیجھے کو کم برتی دباوکا کچھا⁷ کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر کی اس جانب کو کم برتی دباووالی جانب کہتے ہیں جبکہ اس کے زیادہ برتی دباو کے لیچھ کو زیادہ برتی دباوکا کچھا⁸ کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر کی اس جانب کو زیادہ برتی دباووالی جانب کہتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مر کے کم برقی دباو کی جانب برقی دباو لاگو کیا جائے اور زیادہ برقی دباو کی جانب کو دباو والی جانب کو ابندائی جانب کو ابندائی جانب کو ٹانوی جانب کہیں گے۔

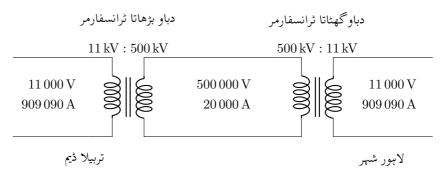
3.1 ٹرانسفار مرکی اہمیت

برلتی رو کی برقی طاقت اتنی مقبول اس لئے ہوئی ہے کہ یہ ایک جگہ سے دوسری جگہ با آسانی اور نہایت کم برقی طاقت کی ضیاع کے ساتھ منتقل کی جا سکتی ہے۔ ٹرانسفارم کی تبادلہ برقی دباو⁹ کی خصوصیت ایبا کرنے میں کلیدی کردہر ادا کرتی ہے۔ یہ ایک مثال سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔

low voltage coil⁷ high voltage coil⁸

voltage transformation property⁹

3.1. ٹرانسفار مر کی اہمیت 61



شكل2.3:برقى طاقت كى منتقلي ـ

مثال 3.1: شکل 3.2 سے رجوع کریں۔برقی دباو اور برقی رو کی حاصل ضرب برقی طاقت ہوتی ہے یعنی

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

اب تصور کریں کہ تربیلا ڈیم 10,000,000,000 واٹ لینی دس گیگا واٹ برقی طاقت بیدا کر رہا ہے اور اس طاقت کو کاہور¹¹ شہر منتقل کرنا ہے جہاں گھریلو صارفین کو بیہ 220 وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔اگر ہم اس طاقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقل کرنا جاہیں تو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{220} = 45\,454\,545\,\mathrm{A}$$

 $J_{au}=5rac{
m A}{
m mm^2}$ ہو گی۔برقی تار میں کثافت ِ برقی رو J_{au} تقریباً 5 ایمپیئر نی مربع ملی میٹر ممکن ہوتی ہے۔یہ ایک محفوظ کثافتِ برقی رو ہے۔اگر برقی تار میں اس سے زیادہ برقی رو گزاری حائے تو اس کی مزاحمت میں برقی طاقت کے ضاع سے یہ گرم ہو کر پکھل سکتی

11ضلع صوابی میں بھی لاہور ایک تحصیل ہے لیکن اس شمر کو اتنی طاقت نہیں در کار

Giga Watt¹⁰

ج۔ اس طرح صفحہ 13 پر مساوات 1.25 سے برتی تار کا رقبہ عمودی تراث $A=\frac{i}{J_{au}}=\frac{45454545}{5}=9\,090\,909\,\mathrm{mm}^2$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تو اس کا رداس

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{9090909}{\pi}} = 1701 \,\mathrm{mm} = 1.7 \,\mathrm{m}$$

 $\rho_v=2700~{
m kg\over m^2}$ عاصل ہوتی ہے۔ آپ نے دیکھا کہ درکار برقی تار کا رداس 1.7 میٹر ہے۔ آتی موٹی برقی تار کہیں نہیں پائی جاتی ہے $\rho_v=2700~{
m kg\over m^2}$ کی بنی ہو جس کی کثافت ہے $\rho_v=2700~{
m kg}$ کے تو ایک میٹر کمیں تار کی کمیت

 $m = 2700 \times \pi \times 1.7^2 \times 1 = 24513 \,\mathrm{kg}$

یعنی 24 ٹن ہو گی۔المونیم اتنی مہنگی ہے کہ اس صورت میں اتنی برقی طاقت کو لاہور پہنچانا ممکن نہیں 13۔

ڈیم پر ایک ٹرانسفار مر نسب کیا جائے جو برقی دباو کو بڑھا کر 500 000 وولٹ لینی 500 کلو وولٹ کر دے تب صرف

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{500\,000} = 20\,000\,\text{A}$$

ایمپیئر درکار ہوں گے جس کے لئے درکار برقی تار

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{20\,000}{5} = 4000\,\text{mm}^2$$
$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{4000}{\pi}} = 35.7\,\text{mm}$$

صرف 35 ملی میٹر رداس کی ہو گی۔

¹² آپ مانیں یاند مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی برقی تاریجھی نہیں دیکھی ¹³ آج کل لاہور میں لوڈشید نگ اس وجہ سے نہیں

3.2. ٹرانسفار مرکے اقب م

اس مثال میں اگر تربیلا ڈیم میں نسب جزیئر 11000 وولٹ برقی دباو پیدا کر رہا ہو تو تربیلا ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر برقی دباو کو 11000 وولٹ سے بڑھا کر 500 کلو وولٹ کرے گا جبکہ لاہور شہر میں نسب ٹرانسفار مر اس برقی دباو کو 500 کلو وولٹ سے واپس 11000 وولٹ کر دے گا۔

اسی مثال کو مزید آگے لے جاتے ہیں۔شہر میں 220 وولٹ کی بجائے 11000 وولٹ مزید صارف تک پہنچائے 11000 وولٹ کو مزید صارف تک پہنچائے جائیں گے اور۔وہیں نزدیک ایک اور ٹرانسفار م 11000 وولٹ کو مزید گھٹا کر صارف کو 220 وولٹ فراہم کرے گی۔

شکل 3.2 میں ڈیم سے شہر تک کا نظام دکھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نب ٹرانسفارمر کو برقے دباو کھٹانا ٹرانسفارمر 15 کہا گیا ہے۔

برتی طاقت عموماً 11 کلو وولٹ اور 25 کلو وولٹ کے مابین پیدا کی جاتی ہے۔اس کی منتقلی 1000 کلو وولٹ کے مابین کی جاتی ہے جبکہ اس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔

3.2 ٹرانسفار مرکے اقسام

گھروں اور کارخانوں کو برقی طاقت فراہم کرنے والے ٹرانسفارم مقناطیسی قالب پر لیٹے جاتے ہیں۔ ہیں۔ ہوتے ہیں۔ اور انہیں لوہے کے قالبوالے تاین مرحلہ قومی ٹرانسفارم 17 کہتے ہیں۔ ہیں۔ ہیں۔

نہایت چھوٹے ٹرانسفار مر عموماً لوہے کے قالب اور ایک مرصلہ 18 ہوتے ہیں۔ یہ گھریلو استعال کے برقی مثین، مثلاً موبائل چارجر، میں گھ ہوتے ہیں اور 220 وولٹ سے برقی دباو مزید گھٹاتے ہیں۔

step up transformer¹⁴

step down transformer¹⁵

three phase¹⁶

iron core, three phase power transformer 17 single phase 18

ٹرانسفار مر کے کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو خلاء کے ذریعہ بھی ممکن ہے۔ انہیں خلائی قالب ٹرانسفار مر ذرائع ابلاغ 24 کے ادوار، یعنی ریڈیو، ٹی وی وغیرہ میں پائے جاتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مرول کی علامت شکل الف کی طرح ہوتی ہے گر اس میں مقناطیسی قالب ظاہر کرنے والی متوازی کیریں نہیں ہوتیں۔

3.3 امالى برقى دباو

اس جھے کا بنیادی مقصد بیرونی برتی دباو v اور اندرونی امالی برتی دباو e میں فرق واضح کرنا اور اس سے تعلق رکھنے والی تکنیکی اصطلاح کا تعارف کرانا ہے۔

 26 ھیں ہے بوجھ 25 ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے لینی اس کے ثانوی کچھ کو کھلے 26 دور رکھا گیا ہے۔ابتدائی کچھ پر v_1 برقی دباو لاگو کرنے سے ابتدائی کچھے میں بیجان انگیز v_1 برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو $N_1 i_{\varphi}$ قالب میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو $N_1 i_{\varphi}$ قالب میں

 $potential\ transformer^{19}$

current $transformer^{20}$

electrical rating²¹

²² په عموماً تقريباً پچيس وولٺ-ايمپيئر سکت رکھتے ہيں۔

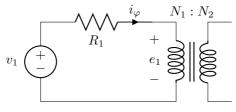
air core transformer²³

 $communication\ transformer^{24}$

unloaded²⁵

excitation $current^{26}$

3.3. امالى برتى د ياد



شکل 3. 3: پیر ونی برقی د باواور اندرونی امالی برقی د باومیس فرق۔

 e_1 مقناطیسی بہاو φ کو جنم دے گی۔ یہ بدلتی مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے میں امالی برقی دباو φ پیدا کرتی ہے جہاں

(3.1)
$$e_1 = -\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t} = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

اس مساوات میں

- ہو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے λ
- arphi مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو جو دونوں کیجھوں میں سے گزرتی ہے arphi
 - ابتدائی کھے کے چکر N_1 •

اگر اس ابتدائی کچھے کی برقی تار کی مزاحمت R_1 ہو تب کرخوف کے قانون برائے برقی دباو سے

$$(3.2) v_1 = i_{\varphi} R_1 + e_1$$

شکل میں اس مزاحمت کو ٹرانسفار مر کے باہر دکھایا گیا ہے۔ اس کچھے کی رِستا متعاملہ بھی ہوتی ہے لیکن اسے یہاں نظرانداز کیا گیا ہے۔ عام تر طاقت کے ٹرانسفار مر اور موٹروں میں $i_{\varphi}R_{1}$ کی قیمت $i_{\varphi}R_{1}$ اور $i_{\varphi}R_{1}$ کی قیمت $i_{\varphi}R_{1}$ کی گھھ سکتے ہیں ایسا کرنے سے ہم کھھ سکتے ہیں

$$(3.3) v_1 = e_1 = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 3.2 سے یہ ثابت ہوتا ہے کہ بیرونی لاگو برقی دباو v_1 اور اندرونی امالی برقی دباو v_1 دباو v_1 دباو ہیں۔ یہ بات سمجھ لینا بہت ضروری ہے۔ مساوات 3.3 کے تحت ان دو برقی دباو کی مقداریں عموماً برابر ہوتی ہیں۔ v_1 س کتاب میں عموماً مساوات 3.3 کی طرح مساواتوں میں دائیں جانب منفی کی علامت نہیں کبھی گئی ۔ عموماً برقی دباو کی قیمت درکار ہوتی ہے نا کہ اس کی علامت۔

لچھا یبجال ²⁸ کرنے سے مراد اس پر بیرونی برقی دباو لاگو کرنا جبکہ لچھے پر لاگو بیرونی برقی دباو کو بیجائ ³⁰ جبکہ اس میں روال برقی رو کو بیجائ شدہ لچھا³⁰ جبکہ اس میں روال برقی رو کو بیجائ انگیز برقی رو¹³ کہتے ہیں۔

برقی دباو عموماً کچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاو کی تبدیلی سے حاصل کی جاتی ہے۔اگر ایسا کرتے کچھا ساکن رہے، جیسا کہ ٹرانسفار مر میں ہوتا ہے، تب حاصل برقی دباو کو امالی برقی دباو ³² مکن بنایا دباو³² کہتے ہیں۔اگر برقی دباو ³³ میں۔یاد رہے ان برقی دباو میں کسی قشم کا فرق نہیں ہوتا۔انہیں مختلف نام صرف بہجان کی خاطر دئے جاتے ہیں۔

3.4 سيجان انگيز برقى رواور قالبى ضياع

جہاں مقناطیسی قالب میں بدلتی مقناطیسی بہاو ثانوی کچھوں میں فائدہ مند برقی دباو پیدا کرتی ہے وہاں یہ مقناطیسی قالب میں نقصان دہ برقی دباو کو بھی جنم دیتی ہے جس سے مقناطیسی قالب قالب میں بھورنما برقی رو کی وجہ سے مقناطیسی قالب میں برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جے بھورنما برقی روکا ضیاع 35 یا قالبی ضیاع 36 کہتے ہیں۔ اس برقی طاقت کے ضیاع کو کم سے کم کرنے کیلئے مقناطیسی قالب کو باریک لوہے کی پتریال 37

²⁷جس سے طلباء کو پیر غلط فنجی لاحق ہو جاتی ہے کہ بیرا یک ہی بر تی دباوکے دونام ہیں۔

excitation²⁸

excitation voltage²⁹

excited coil³⁰

excitation current³¹ induced voltage³²

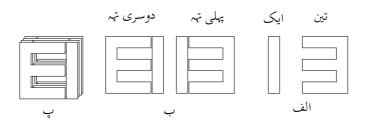
electromotive force, emf³³

eddy currents³⁴

 $^{{\}rm eddy}\ {\rm current}\ {\rm loss}^{35}$

 $core loss^{36}$

laminations³⁷



شکل 4. 3: قالبی پتری کے اشکال اور ان کو تہہ در تہہ رکھنے کاطریقہ۔

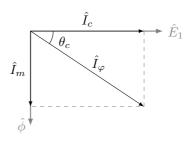
تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے۔ان پتریوں پر غیر موصل روغن 38 کی تہہ لگائی جاتی ہے تا کہ بھنور نما برقی رو کو روکا جا سکے۔آپ دیکھیں گے کہ برقی مثین کا قالب عموماً اس طرح بنایا جاتا ہے۔شکل 2.15 اور جدول 2.1 میں 0.3048 ملی میٹر موٹی 0.3048 قالبی پتری کی B-H کی B-H کی B-H

قالبی پتریاں عموماً دو اشکال کی ہوتی ہیں۔ یہ شکل 3.4-الف میں دکھایا گیا ہے۔ان کی شکل کی وجہ سے یہ ایکے شکل اور تاہین وہ شکل کی پتریاں کہلاتے ہیں۔ شکل 3.4-ب میں ایک اور تین کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ان دو طریقوں سے انہیں تہہ در تہہ رکھا جاتا ہے۔لہذا اگر پہلی تہہ میں ایک دائیں جانب اور تین بائیں جانب رکھا جائے تو اس کے اوپر دوسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جانب رکھا جائے گا۔ای طرح انہیں گا۔تیسری تہہ میں پھر ایک کو دائیں اور تین کو بائیں جانب رکھا جائے گا۔ای طرح انہیں جوڑ کر شکل کے حصہ د میں دکھایا گیا قالب حاصل کیا جاتا ہے۔

یجان انگیز برقی رو بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفارم میں کیساں ہوتا ہے ۔جیسا کہ پہلے بھی ذکر کیا گیا ہے، قوی ٹرانسفارمر اور موٹروں میں برقی دباو اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں جبکہ بیجان انگیز برقی رو ان میں غیر سائن نما ہوتی ہے لہذا اگر

(3.4)
$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / 90^\circ$$

enamel³⁸ E.I³⁹ 68 پاہے3. ٹرانسفار مر



شکل 3.5: مختلف مرحلی سمتیوں کے زاویے۔

ہو تو

(3.5)
$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t} = \omega N_1 \phi_0 \cos \omega t$$
$$\hat{E}_1 = \omega N_1 \phi_0 / 0$$

 ϕ_0 ہو ϕ_0 گی۔ یہاں ϕ_0 مقناطیسی بہاو کے حیطہ کو ظاہر کرتی ہے،اور ϕ_0 زاویائی تعداد ارتعاش کو لین کین \hat{E}_1 جہال \hat{E}_1 تعداد ارتعاش ہے جے ہرٹز ϕ_0 مابین ϕ_0 کا زاویہ ہے۔ یہ شکل 3.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ϕ_0 کا زاویہ ہے۔ یہ شکل 3.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ϕ_0 کا زاویہ ہے۔ یہ شکل 3.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ϕ_0

(3.6)
$$E_{rms} = \frac{\omega N_1 \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N_1 \phi_0$$

ہے۔اس کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں

$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44 f N_1 \phi_0}$$

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر ثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک کچھے پر E_{rms} موثر برتی دباو لاگو کی جائے تو یہ کچھا اتنی بیجان انگیز برتی رو $_{\varphi}$ گزرنے دیتی ہے جس سے نمودار ہونے والا مقناطیسی بہاو مساوات 3.7 میں دیئے گئے مقناطیسی بہاو $_{\varphi}$ کے برابر ہو۔ یہ بات نہ صرف ٹرانسفار م بلکہ کسی بھی مقناطیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔

__

غیر سائن نما جیجان انگیز برقی رو ی کو فوریئر تسلسل 4 سے یوں لکھ سکتے ہیں۔ $i_{\varphi} = \sum \left(a_n \cos n\omega t + b_n \sin \omega t \right)$ (3.8)

اس میں اور باتی حصہ کو موسیقائی جزوہ 42 کہتے ہیں اور باتی حصہ کو موسیقائی جزوہ 43 کہتے e_1 ہیں۔ بنیادی جزو میں $a_1\cos\omega t$ مقناطیسی بہاو سے وجود میں آنے والے امالی برقی دباو ، جو کہ مساوات 3.5 میں دی گئی ہے کے ہم قدم ہے۔ لیعنی ہے دونوں وقت کے ساتھ $b_1 \sin \omega t$ کیال بڑھتے اور گھٹے ہیں جبکہ اس میں $b_1 \sin \omega t$ نوے درجہ زاویہ ہے۔ قالب میں مختلف وجوہات سے برقی طاقت کی ضائع کو $a_1\cos\omega t$ ظاہر کرتی ہے۔ای لئے اس جزو کو جزوقالبم صیاع 44 کہتے ہیں۔ بیجان انگیز برقی رو i_{o} سے اگر $a_{1}\cos\omega t$ منفی کی حائے تو بقایا کو مقناطیس بنانے والا برقی رو یا مقناطیبهم برقیررو 45 کہتے ہیں۔ اس کی تیسری موسیقائی جزو سب سے زیادہ اہم ہے۔ قوی ٹرانسفار مرول میں یہ تیسری موسیقائی جزو عموماً کُل ہیجان انگیز برقی رو کے 40 فی صد ہوتی ہے۔

سوائے وہاں، جہاں ہیجان انگیز برقی رو کے اثرات پر غور کیا جا رہا ہو، ہم ہیجان انگیز برقی رو کے غیر سائن نما ہونے کو نظرانداز کرتے ہیں۔ قوی ٹرانسفارم کی بیجان انگیز برقی رو اس کی گُل برقی رو 46 کے صرف 5 فی صد کے قریب ہوتی ہے۔ لہٰذا اس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔ لہذا ہم ہیجان انگیز برقی رو کو سائن نما تصور کر کے اس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ایبا کرنے سے مسلم پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ اس فرضی سائن نما پیجان انگیز برقی رو \hat{I}_{o} کی موثر قیت $I_{o,rms}$ ، اصل پیجان انگیز برقی رو کی موثر قیت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ $heta_c$ یوں رکھا جاتا ہے کہ اس سے حاصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل 3.5 کی مدد سے یہ بات سمجھنی زیادہ آسان ہے۔ شکل میں اگر دیکھا جائے تو

(3.9) $p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$

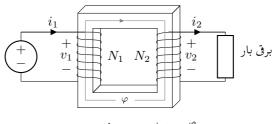
> Fourier series⁴¹ fundamental component⁴²

harmonic components⁴³

core loss component⁴⁴ magnetizing current⁴⁵

⁴⁶گُل برقی روسے مر ادوہ برقی روہے جو کُل برقی بوجھ لادنے سے حاصل ہو

ایعنی بدلتی برقی رو i_{arphi} کواب مرحلی سمتیه کی مددہ و \hat{I}_{arphi} ککھتے ہیں \hat{I}_{arphi}



شكل 3.6: كامل بوجه بر دار ٹرانسفار م _

جہاں p_c قابی طبیع ہے۔ لہذا اگر \hat{I}_{φ} اور \hat{E}_1 کے مابین p_c کا زاویہ ہو تو اس سے قابی خیاع صبیح حاصل ہوتا ہے۔ \hat{I}_{φ} اسی زاویہ سے \hat{E}_1 کے پیچے رہتا ہے۔

3.5 تبادله برقی د باواور تبادله برقی روکے خصوصیات

جب اس کامل ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے پر بدلتی برقی دباو v_1 لاگو کیا جائے تو اس کے قالب میں بدلتا مقاطیتی بہاو φ_m وجود میں آئے گا جو ابتدائی کچھے میں لاگو برقی دباو v_1 کے برابر امالی برقی دباو v_2 کو جنم دے گا۔لہٰذا v_3

$$(3.10) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ideal transformer⁴⁸

 e_2 یہ مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرے گا اور اس میں e_2 امالی برقی دباو کو جنم دے گا جو ثانوی جانب کے سرول پر برقی دباو v_2 کی صورت میں حاصل ہو گا۔ یعنی

$$(3.11) v_2 = e_2 = N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ان دونوں کی نسبت سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}}{N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

لہذا ایک کامل ٹرانسفارمر دونوں لیجھوں کے چکروں کی نسبت سے تبادلد برقی دباو⁴⁰ کرتا ہے۔

چونکہ یہ ایک کامل ٹرانسفار م ہے البذا اسے جتنی برقی طاقت ابتدائی جانب دی جائے اتنی ہی برقی طاقت اس سے ثانوی جانب حاصل ہو گی، یعنی

$$(3.13) p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

يا

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

مساوات 3.12 کی مدد سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

یہ ایک انتہائی اہم نتیجہ ہے جو ٹرانسفار م کی تبادلہ برقی دباو اور تبادلہ برقی رو50 کی خصوصیات بیان کرتا ہے۔اسے عموماً دو حصوں میں یوں لکھا جاتا ہے۔

(3.16)
$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1}{N_2}$$
$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

اس مساوات کی پہلی جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مر کی دونوں جانب برقی دباو ان کے چکروں کی راست متناسب ہو گا جبکہ مساوات کی دوسری جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مر کے دونوں حانب برقی رو ان کے چکروں کے بالعکس متناسب ہو گا۔

voltage transformation⁴⁹ current transformation⁵⁰

مثال 3.2: شكل 3.6 ميں اگر

$$\hat{V}_1 = 220 / 0$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$
 $Z = R = 10 \Omega$

ہوں تو ٹرانسفارم کی دونوں جانب برقی دباو اور برقی رو معلوم کریں۔

حل: ابتدائی جانب برقی دباو دیا گیا ہے لیعنی 220 وولٹ جبکہ ثانوی جانب برقی دباو مساوات 3.16 کی پہلی جزو کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے لیعنی

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1}\hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220/0 = 22/0$$

ثانوی جانب 22 وولٹ ہیں جو اہترائی جانب برقی دباو کے ہم قدم ہے۔ ثانوی جانب ہے برقی دباو 10 اوہم کی مزاصت میں برقی رو پیدا کرے گا جے اوہم کے قانون سے حاصل کیا جاتا ہے یعنی

$$\hat{I}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

ثانوی جانب 2.2 ایمپیئر برقی رو ہے۔ ابتدائی جانب کی برقی رو مساوات 3.16 کی دوسری جزو کی مدد سے حاصل کی جاتی ہے لیعنی

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

 $\hat{V}_1=220/0, \quad \hat{V}_2=22/0, \quad \hat{I}_1=0.22/0, \quad \hat{I}_2=2.2/0$

ہم دیکھتے ہیں ابتدائی جانب برقی دباو ثانوی جانب کی برقی دباو کے دس گنا ہے جبکہ برقی رو میں قصہ اُلٹ ہے۔ ثانوی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو کے دس گنا ہے۔ طاقت دونوں جانب برابر ہے۔ یہ نہایت اہم ہے کہ آپ اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں کہ جس جانب برقی دباو زیادہ ہوتا ہے اس جانب برقی رو کم ہوتی ہے۔ لہذا زیادہ برقی دباو کی جانب لچھے کے چکر زیادہ ہوں گے اور اس لچھے میں نسبتاً باریک برقی تار استعال ہو گی جبکہ کم برقی دباو کا لچھا کم چکر کا ہو گا اور اس میں نسبتاً موٹی برقی تار استعال ہو گی۔

مثال 3.3: صفحہ 77 پر دکھائے گئے شکل 3.7-الف سے رجوع کریں۔ اس شکل میں رکاوٹ Z_2 کو بدلتی برتی دباو \hat{V}_1 کے ساتھ ایک ٹرانسفار م کے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔اگر

$$\hat{V}_1 = 110\underline{0}, \quad Z_2 = R + jX = 3 + j2, \quad N_1 : N_2 = 220 : 22$$

ہوں تو رکاوٹ میں برقی رو اور طاقت کا ضیاع معلوم کریں۔

حل: ٹرانسفارمر کی تبادلہ برقی دباو کی خصوصیت سے اس کے ابتدائی جانب 110 وولٹ برقی دباو ٹرانسفارمر کی ثانوی جانب تبدیل ہو کر V̂s ہو جائیں گے جہاں

$$\hat{V}_s = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

ہے لہذا

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11/0}{3+j2} = 3.05/-33.69^\circ$$

 p_z اور برقی طانت کا ضیاع

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$

3.6 ثانوي جانب بوجھ كاابتدائي جانب اثر

یہاں صفحہ 3.3 پر دکھائے گئے شکل 3.6 سے رجوع کریں۔ ہم حصہ 3.3 میں دکھے چکے ہیں کہ اگر ایک ہے بوجھ ٹرانسفار م کی ابتدائی کچھ پر بدلتی برتی دباو v_1 لاگو کی جائے تو اس کچھے میں بیجان انگیز برتی رو i_{φ} گررے گی۔ اس برتی رو کی مقاطیسی دباو p_m ابتدائی کچھے میں مقاطیسی بہاو p_m کو جنم دے گی ۔ اگر کچھے کی مزاحمت صفر ہو تو p_m ابتدائی کچھے میں مقاطیسی بہاو p_m ابتدائی کھے جہاں

$$(3.17) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ہو گی۔

اب ہم ثانوی جانب برتی ہوچھ لادتے ہیں۔ ایبا کرنے سے ہوچھ بردار ٹرانسفار مر 52 کے ثانوی جانب برتی رو 62 رواں ہو گی جس کی وجہ سے N_2i_2 مقاطیسی دباو وجود میں آئے گی۔ اس مقاطیسی دباو کی وجہ سے قالب میں مقاطیسی بہاو ہوچو پیدا ہو گا۔ اگر اس مقاطیسی بہاو کا کچھ نہ کیا جائے تو قالب میں پہلے سے موجود مقاطیسی بہاو تبدیل ہو کر ہو ہو و جائے گا اور یوں ابتدائی کچھ میں امالی دباو تبدیل ہو کر جا ہو جائے گا اور یوں ابتدائی کچھ میں امالی دباو تبدیل ہو کر جا ہو جائے گا۔ اللہ ابتدائی جانب پر اب امالی دباو اور اس پر لاگو برتی دباو برابر نہیں ہونگ جائے گا۔ لہٰذا ابتدائی جانب پر اب امالی دباو اور اس پر لاگو برتی دباو برابر نہیں ہونگے جو کہ مساوات 3.17 کی موجودگی میں ناممکن ہے۔ لہٰذا اس مقناطیسی بہاو ہوچو کے اثر کو ختم کر دے گی یعنی برتی رو i_1 نمودار ہو گی جو اس مقناطیسی دباو یعنی یعنی کے اثر کو ختم کر دے گی یعنی

$$(3.18) N_1 i_1 = N_2 i_2$$

(3.19)
$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

 φ_m کہاگیاہے۔ loaded transformer φ^{51}

یہ وہی مساوات ہے جو کامل ٹرانسفار مر کے لئے ثابت کی گئی تھی۔

3.7 ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کا مطلب

شکل 3.6 میں ٹرانسفار مر کے لیجھوں پر کلتے لگائے گئے ہیں۔ یہ کلتے اس بات کو ظاہر کرتے ہیں کہ اگر ایک طرف کے لیجھے پر برتی دباو v_1 یوں ہو کہ کلتے والا سرا مثبت اور بغیر کلتے والا سرا مثنی ہو تو دوسرے لیجھے پر برتی دباو v_2 اس طرح ہو گا کہ اس کیجھے کا بھی کلتے والا سرا مثنی ہو گا۔

مزید یہ کہ ابتدائی جانب برقی رو ٹرانسفار مر کے تکتے والے سرے سے ٹرانسفار مر کی اندر جانب ہو گا جبکہ ثانوی جانب برقی رو نقطہ والے سرے سے ٹرانسفار مر سے باہر نکلے گا

یوں v_1 اور v_2 وقت کے ساتھ کیساں تبدیل ہوتے ہیں اور ان کے مابین صفر زاویہ ہے۔ لہذا ہے دو برقی دباو ہم قدم v_2 ہیں۔

3.8 ركاوك كاتبادله

اس حصہ میں کامل ٹرانسفار مر میں رکاوٹ کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ شکل 3.7-الف میں ایک ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس کی ابتدائی جانب سائن نما برقی دباو $\hat{V}_1 = V_1 / \underline{\theta}$ میں ایک ٹرانسفار مرحلی سمتیہ استعال کئے جائیں گے۔

جیسے اُوپر ذِکر ہوا، برقی دباو \hat{V}_1 اور \hat{V}_2 آپن میں ہم قدم ہیں اور ای طرح برقی رو اور \hat{I}_2 اور \hat{I}_2 آپن میں ہم قدم ہیں۔ ساوات 3.12 اور مساوات کو مرحلی سمتیہ کی مدد سے بول کھے سکتے ہیں

(3.20)
$$\hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{V_2}$$

$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)\hat{I_2}$$

in-phase⁵³

چونکه رکاوٹ

$$(3.21) Z_2 = \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = |Z_2| \underline{/\theta_z}$$

کے برابر ہے لہذا

(3.22)
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

اب اگر ہم ٹرانسفار مر بہت اس پر لدے رکاوٹ کی جگہ برقی دباہ \hat{V}_1 کو رکاوٹ Z_1 پر لاگو کریں جہاں اس رکاوٹ کی قیت

$$(3.23) Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

ہو تو \hat{V}_1 سے حاصل برقی رو یا اس سے حاصل برقی طاقت تبدیل نہیں ہو گی۔یہ شکل \hat{V}_1 ہو تو \hat{V}_2 ۔یہ عرب دکھایا گیا ہے جہاں سے واضح ہے کہ

(3.24)
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

لہذا شکل کے الف اور ب دونوں حصوں سے برقی دباو \hat{V}_1 کی برقی رو مساوات 3.22 اور مساوات 3.24 سے کیساں حاصل ہوتی ہے لیعنی

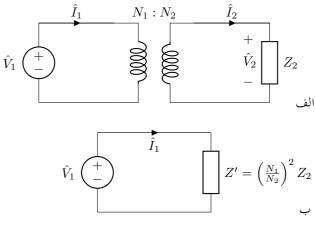
$$\hat{I}_1 = \frac{\hat{V}_1}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2}$$

اور یوں الف اور با دونوں حصوں میں برقی دباو \hat{V}_1 سے حاصل برقی طاقت برابر ہے یعنی

(3.26)
$$p = \hat{V_1} \cdot \hat{I_1} = \frac{V_1^2 \cos \theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 |Z_2|}$$

یوں اگر ٹرانسفارم کے ثانوی جانب رکاوٹ Z_2 کا بوجھ ہو تو حساب کرتے وقت ہم سے اخذ کر سکتے ہیں کہ ٹرانسفارم بمع رکاوٹ Z_2 کی جگہ صرف Z_1 رکاوٹ گی ہے، جہال حساوات Z_1 ساوات Z_2 سے حاصل ہوتی ہے۔ رکاوٹ کا یوں ٹرانسفارم کی ایک جانب سے Z_1

3.8. ركاو ئے كاتب دله



شكل 7. 3: ٹرانسفار مركى تبادلەر كاوٹ كى خصوصيت ـ

دوسری جانب تبادله کیا جاسکتا ہے۔ٹرانسفار م کی اس خاصیت کو تبادله ر**کاو**ہے ⁵⁴ کی خصوصیت کہتے ہیں۔

مثال 3.4: شکل 3.8-الف میں رکاوٹ Z_B کا برقی بوجھ ایک جزیٹر پر لدا ہے۔بوجھ تک برقی طاقت دو برقی تاروں کے ذریعہ نتقل کیا گیا ہے۔ان تاروں کی مجموعہ رکاوٹ Z_t

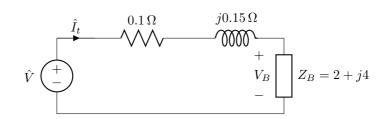
شکل-ب میں جزیٹر کے قریب نب برقی دباو بڑھانے والا ٹرانسفار مر برقی دباو کو دس گنا بڑھاتا ہے اور برقی بوچھ کے قریب نب برقی دباو گھٹانے والا ٹرانسفار مر برقی دباو کو دس گنا گھٹاتا ہے۔اس حصہ میں وہی برقی تار استعال کئے گئے ہیں لہذا ان کی بھی مجموعہ رکاوٹ Z_t ہی ہے۔ اگر

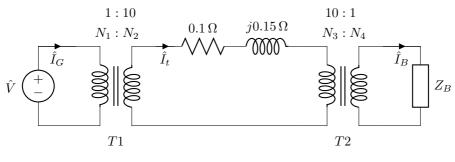
$$Z_B = 2 + j4$$
, $Z_t = 0.1 + j0.15$, $\hat{V} = 415/0$

ہوں تو دونوں صورتوں میں

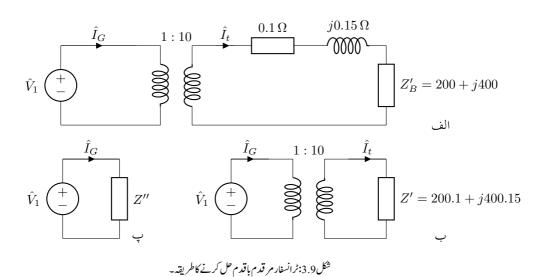
• برقی بوجھ پر برقی دباو معلوم کریں،

impedance transformation 54





شكل 3.8: برقى طاقت كى منتقلى۔



3.8. ر کاوٹ کاتب دلہ

• برقی تاروں میں برقی طاقت کی ضیاع معلوم کرین۔

حل الف:

$$\hat{I}_G = \hat{I}_t = \hat{I}_B = \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415/0}{0.1 + j0.15 + 2 + j4}$$
$$= \frac{415/0}{2.1 + j4.15} = 89.23/-63.159^{\circ}$$
$$= 40.3 - j79.6$$

يوں رکاوٹ پر برقی دباو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6)(2 + j4)$$

= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تاروں میں برقی طاقت کا ضیاع ہے

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

 T_2 مل ب: شکل 3.8 اور شکل 3.9 سے رجوع کریں۔ شکل 3.8 میں ٹرانسفار م T_2 میں بانب تبادلہ سے ملتا ہے شانوی جانب رکاوٹ کا مساوات 3.23 کی مدد سے اس کی ابتدائی جانب تبادلہ سے ملتا ہے

$$Z'_B = Z_1 = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل 3.9-الف حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں اب برقی تار کی رکاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ مار بین اسلہ وار مجڑے ہیں۔ان کے مجموعہ کو Z' کہتے ہوئے

$$Z' = Z_t + Z'_B = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

يه شكل 3.23-ب مين دكھايا گيا ہے۔ايک مرتبہ دوبارہ مساوات 3.23 استعال كرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

شكل 3.9-پ ميں دكھايا گيا ہے۔اب

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415\underline{/0}}{2.001 + j4.0015} = 92.76\underline{/-63.432^{\circ}}$$

یبال سے شکل 3.9-ب کی مدد سے اگر جزیئر کی برقی رو معلوم ہو تو تبادلہ برقی رو سے $\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I_G} = \left(\frac{1}{10}\right)92.76 \underline{/-63.432^\circ} = 9.276 \underline{/-63.432^\circ}$

اس سے برقی تار میں طاقت کا ضیاع

 $p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$

ای طرح شکل 3.8 میں اگر \hat{I}_t معلوم ہو تو تبادلہ برتی رو سے

$$\hat{I_B} = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)\hat{I_t} = \left(\frac{10}{1}\right)9.276/-63.432^{\circ}$$

$$= 92.76/-63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9$$

اور رکاوٹ پر برقی دباو

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

ہو گی۔

ٹرانسفار مر کے بغیر برقی طاقت کی منتقلی میں برقی تاروں میں طاقت کی ضیاع 796 واٹ ہے جبکہ ٹرانسفار مر کے استعال سے یہ صرف 8.6 واٹ ہے لینی 92 گنا کم۔یبی ٹرانسفار مرکی نہایت مقبولیت کی وجہ ہے۔

3.9 ٹرانسفار مرکے وولٹ-ایمبیئر

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباو ان کچھوں کے چکر پر منحصر ہوتا ہے۔ٹرانسفار مر ایک خاص برتی دباو اور برقی رو کے لئے بنائے جاتے ہیں۔ٹرانسفار مرجس برقی دباو کے لئے بنائے جاتے ہیں اگرچہ بیہ عموماً کئے جا سکتے ہیں اگرچہ بیہ عموماً بنائے گئے برقی دباو پر بھی استعال کئے جا سکتے ہیں اگرچہ بیہ عموماً بنائے گئے برتی دباو پر بی چلائے جاتے ہیں۔ای طرح ٹرانسفار مرجتنی برقی رو $I_1:I_2$ کے

لئے بنائے جائیں انہیں اس سے کم برقی رو پر استعال کیا جا سکتا ہے۔ حقیقت میں عموماً ٹرانسفار مر سے حاصل برقی رو اس حد سے کم ہی رکھی جاتی ہے۔

ٹرانسفارمر کی ایک جانب کی برقی دباو اور برقی رو کا حاصل ضرب اس کی دوسری جانب کی برابر ہوتا ہے لینی

$$(3.27) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

برتی دباو اور برتی رو کے حاصلِ ضرب یعنی V_1I_1 یا V_2I_2 کو ٹرانسفار مر کی وولٹ ضرب ایمپیئر کہتے ہیں جسے عموماً چھوٹا کر کے صرف وولہ ایمپیئر V_2I_3 کی برتی سکت کی ناپ ہے جو اس پر گئی شختی پر کھا جاتا ہے۔اس شختی پر ٹرانسفار مر کے برتی دباو اور برتی تعداد ارتعاش نہی کھے جاتے ہیں۔یوں ٹرانسفار مر کے وولٹ۔ایمپیئر کے برتی دباو اور برتی تعداد ارتعاش نہیں کھے جاتے ہیں۔یوں ٹرانسفار مر کے وولٹ۔ایمپیئر

$$(3.28) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

ہوں گے۔

اگرچہ یہاں ذکر ٹرانسفار مر کا ہو رہا ہے دراصل برقی مشین لیعنی موٹر اور جزیٹر کی تختیوں پر بھی ان کے چالو حالت کے برقی دباو، ان کے وولٹ-ایمپیئر اور برقی تعداد ارتعاش کھے جاتے ہیں۔اس کی وجہ یہ ہے کہ ان سب مشین کی کارکردگی کے بنیادی اصول ایک ہی طرح کے ہیں۔

مثال 3.5: ایک 25000 وولٹ-ایمپیئر اور 220: 11000 وولٹ برتی سکت کے ٹرانسفار م کے زیادہ برتی دباو کی جانب 11000 وولٹ لاگو ہیں۔

- اس کی ثانوی جانب زیادہ سے زیادہ کتنی برقی بوجھ ڈالی جا سکتی ہے۔
- اس زیادہ سے زیادہ برقی بوجھ پر اس کے ابتدائی کچھے میں برقی رو حاصل کریں۔

volt-ampere, VA⁵⁵ 56ووك - ايمپيئر كونكو واكوووك - ايمپيئر لعني kV A ميں بيان كہاجا تا ہے

حل: اس ٹرانسفار مر کی معلومات ہے ہیں

 $25 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$, $11000 : 220 \,\mathrm{V}$

اس کی ثانوی جانب برتی دباو تبادلہ برقی دباو کی مساوات سے 220 وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ یوں اس کی ثانوی جانب یعنی کم برقی دباو کی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو مساوات 3.28 سے حاصل کیا جاتا ہے۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

ای طرح اس کی ابتدائی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو اسی مساوات سے یوں حاصل ہوتی ہے

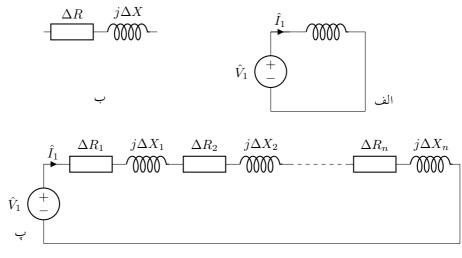
$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

رٹرانسفار مرکی دونوں جانب کچھوں میں استعال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی جاتی ہے کہ ان میں کثافت برقی رو گزرنے سے برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے بیر گرم ہوتے ہیں۔ٹرانسفار مرکی برقی روکی حد کچھوں کی گرمائش پر منحصر ہوتی ہے۔ان کی زیادہ سے زیادہ حرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا جاتا ہے۔

x'' - x''

ٹرانسفار مر جس برقی دباو کے لئے بنایا جائے ہیہ اس پر لگی تختی پر لکھا جاتا ہے۔اس سے حاصل برقی رو کی حد کو ایک مختلف طریقے سے لکھا جاتا ہے۔

¹⁰⁰⁰ kV A مرکی کچھوں میں کثافت برتی روتقریباً A/mm² در کھی جاتی ہے



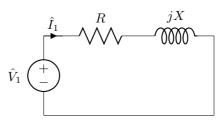
شكل3.10 كحيے كى مزاحت اور متعامله۔

3.10 ٹرانسفار مرکے امالہ اور اس کے مساوی دور

3.10.1 کچھے کی مزاحمت اور اس کی متعاملہ علیحدہ کرنا

ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھے کی مزاحمت R_1 کو ہم نے حصہ 3.3 مساوات 3.2 میں دیکھا۔ کچھے کی مزاحمت کو کچھے سے باہر کچھے کے ساتھ سلسلہ وار جڑا دکھایا گیا تھا۔ دیکھتے ہیں یہ کیسے ممکن ہوتا ہے۔

شکل 3.10-الف میں ایک لچھے پر بدلتی برقی دباو لاگو کا گیا ہے۔اگر لچھے کی برقی تار کو نہایت چھوٹے ککڑوں میں تقتیم کیا جائے تو اس کے ہر ککڑے کی نہایت کم مزاحمت اور متعاملہ ہو گی۔اییا ایک ککڑا شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ لچھا ان سب ککڑوں کے سلسلہ وار جڑنے سے بنا ہے لہٰذا شکل-الف کو ہم شکل-پ کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں لچھے کے n ککڑے کیے ہیں۔



شكل 3.11: لجھے كى مز احمت اور متعاملہ كى عليجد گی۔

اس دور کی مساوات لکھ کر حل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left(\Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left(\Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left(j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left(R + j X \right)$$

جہاں

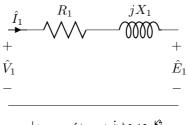
$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

اس سے شکل 3.11 حاصل ہوتا ہے جس سے ثابت ہوتا ہے کہ حساب کتاب کی غرض سے لیے کی مزاحمت اور متعاملہ علیحدہ کیے جا سکتے ہیں۔

3.10.2 رِستااماله

اوپر ایک کامل ٹرانسفارمر زیرِ بحث رہا۔ اب ہم ٹرانسفارمر میں ان عناصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وجہ سے ٹرانسفارمر غیر کامل ہو جاتا ہے۔ بہت کی جگہوں پر ٹرانسفارمر استعال کرتے وقت ان عناصر کو مدِ نظر رکھ کر ہی اس کا صحیح استعال ممکن ہوتا ہے۔ ان عناصر کے اثر کو شامل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفارمر کا مساوی دور بناتے ہیں۔

ابتدائی لیجے کے مقاطیبی بہاو کو دو حصول میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو قالب سے گزرتا ہے۔ یہ ان کا مشتر کہ مقاطیبی بہاو ہے اور دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی لیجے سے گزرتا ہے اور زیادہ تر قالب کے



شکل3.12: ٹر انسفار مر مساوی دور، حصہ اول۔

باہر خلاء میں ہی رہتا ہے۔ اس کو رستا مقناطیسی بہاو 85 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ ہوا میں مقناطیسی مستقل μ_0 مقررہ ہے لہذا یہاں ہمچکچاہٹ بھی مقررہ ہے۔ یوں رستا مقناطیسی بہاو ابتدائی کیجھے کی برقی رو کے براہ راست متناسب ہوتی ہے۔

اس کے اثر کو بالکل کچھے کی مزاحمت کی طرح کچھے سے باہر رستاامالہ 59 یا رستا $X_1=2\pi f L_1$ یا رستا $X_2=2\pi f L_1$ متعاملہ $X_3=2\pi f L_1$ استام کیا جاتا ہے۔

 $\hat{V}_{X1}=j\hat{I}_1X_1$ مٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے میں برقی رو \hat{I}_1 گزرنے سے رستا متعاملہ میں برقی دباو اور کچھے کے تار کی مزاحمت R_1 میں $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$ برقی دباو اور کچھے کے تار کی مزاحمت واحمت اللہ میں برقی دباو گھٹتا ہے۔

یوں ابتدائی کچھے پر لاگو برتی دباو \hat{V}_1 میں سے کچھ برتی دباو R_1 میں کم ہو گا، کچھ متعالمہ X_1 میں کم ہو گا اور بقایا \hat{E}_1 کے برابر ہو گا۔ یہ شکل X_1 میں کم ہو گا اور بقایا گیا ہے۔

3.10.3 ثانوی برقی رواور قالب کے اثرات

قالب میں دونوں کچھوں کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو ان کے مجموعی مقناطیسی دباو کی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ البتہ اگر ہم کچھ یوں سوچیں تو یہ زیادہ بہتر ہو گا۔ ہم کہتے ہیں کہ ابتدائی برقی رو کو دو شرائط یوری کرنی ہونگی۔ پہلی یہ کہ اسے قالب میں بیجانی مقناطیسی

leakage magnetic flux⁵⁸ leakage inductance⁵⁹ leakage reactance⁶⁰

بہاو وجود میں لانا ہو گا اور دوسری ہیہ کہ اسے ثانوی کچھے کے پیدا کردہ مقناطیسی بہاو کو ختم کرنا ہو گا۔ لہٰذا ابتدائی برتی رو کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصہ i_{φ} جو بیجانی مقناطیسی بہاو پیدا کرے اور دوسرا \hat{I}'_2 جو ثانوی کچھے کے مقناطیسی دباو کے اثر کو ختم کرے۔ لہٰذا

$$\hat{I}_2' = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2$$

اس باب کے حصہ 3.6 میں اس پر تفصیل سے غور کیا گیا ہے۔ برقی رو i_{φ} غیر سائن نما ہوتی ہے لیکن پھر بھی ہم اسے سائن نما \hat{I}_{φ} ہی تصور کرتے ہیں۔ اس کو ہم دو حصول میں تقسیم کر سکتے ہیں لینی

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

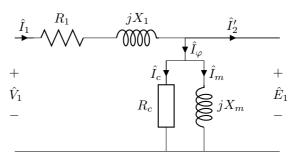
جہاں \hat{I}_c اس کا وہ حصہ ہے جو ابتدائی کچھے کی امالی برتی دباو \hat{I}_c ہم قدم ہے اور یہ قالب میں برقی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے جبکہ سا \hat{I}_m اس کا وہ حصہ ہے جو \hat{E}_1 سے نوے درجہ زاویہ پیچھے \hat{E}_2 ہے اور کچھے میں مقاطیعی بہاو کو جنم دیتا ہے۔ برتی رو کے ان حصوں کو ہم ایک مزاحمت R_c اور ایک K_m سے پیش کرتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ یہ کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ اس میں برقی طاقت کا ضیاع اصل قالبی ضیاع کے برابر ہو لیتی \hat{I}_m ہو۔ان دونوں، لیتی \hat{I}_m اور \hat{I}_m کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ اس طرح \hat{I}_m کی مقدار اصل برتی دیا ہے۔ جو ان دونوں، لیتی R_c میں دکھایا گیا ہے۔ جو ان دونوں، لیتی R_c میں دکھایا گیا ہے۔

3.10.4 ثانوى لچھے كى امالى برقى دباو

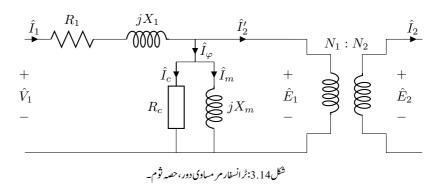
قالب میں مشتر کہ مقناطیسی بہاو ٹانوی کچھے میں امالی برقی دباو \hat{E}_2 پیدا کرے گی اور چونکہ \hat{E}_1 میں مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے میں \hat{E}_1 امالی پیدا کرتی ہے لہذا

(3.31)
$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

⁶¹سائن نمابر قی رو کومر حلی سمتیہ سے ظاہر کیاجا تا ہے۔ lagging⁶²



شکل 3.13: ٹرانسفار مر مساوی دور، حصه دوم۔

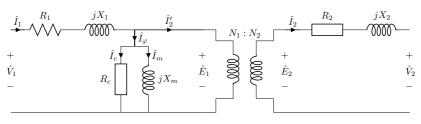


مباوات 3.30 اور مباوات 3.31 کو ایک کامل ٹرانسفار مر سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ یہ شکل 3.14 میں وکھایا گیا ہے۔

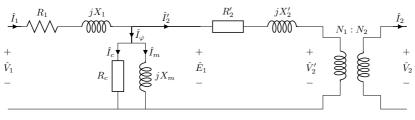
3.10.5 ثانوی کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ کے اثرات

یوں حاصل ٹرانسفارمر کا کلمل مساوی دور یا ریاض_{تھ} نمویۃ ⁶³ شکل 3.15 میں دکھایا گیا ہے۔

mathematical $model^{63}$



شکل 3.15: ٹرانسفار مر کامکمل مساوی دوریاریاضی نمونه۔



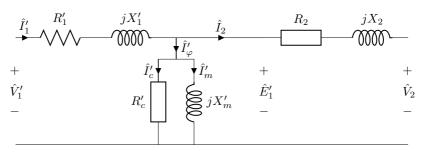
شكل 16. 3: ثانوى جانب ر كاوٹ كاابتدائى جانب تبادلہ كيا گياہے۔

3.10.6 ركاوٹ كاابتدائى يا ثانوى جانب تبادلە

شکل 3.15 میں دکھائے دور کے سب جزو کا تبادلہ ایک جانب سے دوسری جانب کیا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے سے کامل ٹرانسفار مر کو مساوی دور کی باغیں یا دائیں جانب لے جایا جا سکتا ہے۔ ٹیک 3.16 میں ثانوی جانب کی رکاوٹ کا ابتدائی جانب تبادلہ کیا گیا ہے جبکہ شکل 3.17 میں ابتدائی جانب کی رکاوٹ کا ثانوی جانب تبادلہ کیا گیا ہے۔ اس طرح حاصل مساوی دور میں عوماً کامل ٹرانسفار مر بنایا ہی نہیں جاتا۔ یہی شکل 3.17 میں کیا گیا ہے۔

تبادلہ شدہ رکاوٹ Z کو Z' سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں R_2 کے ٹرانسفار مرکی دوسری جانب تبادلہ کے بعد اسے R_2' سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ایبا دور استعال کرتے وقت ہے ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ ٹرانسفارم کے کس جانب دور حل کیا جا رہا ہے۔



شكل17.3:ابتدائي جانب ركاوث كاثانوي جانب تبادله كيا گياہے۔

مثال 3.6 ایک 50 کلو وولٹ –ایمپیئر اور 220 : 220 وولٹ برتی سکت کے ٹرانسفار مر کی زیادہ برتی دباو کی جانب کی رستا رکاوٹ $Z_1=0.9+j1.2$ اوہم اور کم برتی دباو کی جانب کی رستا رکاوٹ $Z_2=0.0089+j0.011$ اوہم ہے۔اگر اس کی $Z_2=0.0089+j0.011$ اور $Z_2=0.0089+j0.011$ ہونے والے جزو اور $Z_2=0.0089+j0.011$ معلوم کریں۔

حل حصه اول: معلومات:

 $50 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 50 \,\mathrm{Hz}, \quad 2200 : 220 \,\mathrm{V}$

ر انسفار مرکے دونوں جانب کی برقی دباو کچھوں کے چکروں کی نسبت سے ہوتے ہیں البذا $rac{N_1}{N_2}=rac{2200}{220}=rac{10}{1}$

یوں اگر ٹرانسفارمر کی رکاوٹ کا زیادہ برقی دباو کی جانب تبادلہ کیا جائے تو

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

جبکہ اس کی بقایا رکاوٹ وہی رہیں گے۔یوں شکل 3.16 کے جزو حاصل ہوئے۔

حل حصہ دوم: اگر مساوی دور کی رکاوٹ کا کم برقی دباو کی جانب تبادلہ کیا جائے تب

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

اسی طرح

$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) R_c = 0.064$$
$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) X_m = 0.47$$

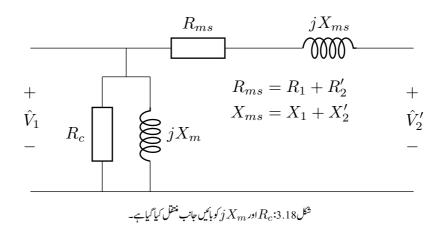
 Z_2 وہی رہے گا۔

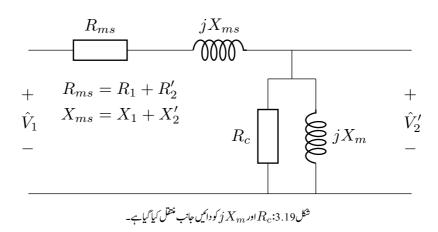
3.10.7 ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی دور

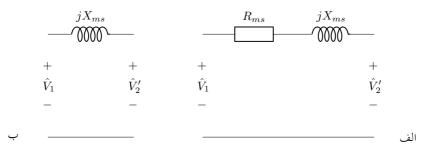
ایک انجنیئر کو جب ایک ٹرانسفار مر استعال کرنا ہو تو وہ حساب کرتے وقت شکل 3.16 میں دیئے گئے دور کو استعال کر سکتا ہے۔ یہ دور حقیقی ٹرانسفار مر کی بہت اچھی عکائی کرتا ہے۔ البتہ جہاں ہمیں نہایت صحیح جواب مطلوب نہ ہوں وہاں اس دور کی سادہ اشکال کی جا سکتیں ہیں۔ اس باب میں ہم ایسے ہی سادہ مساوی دوروں کا ذکر کریں گے۔

اور X_m اور X_m اور X_m و بائیں یا دائیں طرف لے جانے سے شکل 3.18 اور شکل 3.18 و شکل 3.19 اور شکل \hat{I}_{φ} کی مقدار نہایت کم 64 ہوتی ہے اس لئے ایبا کرنے شکل جواب پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ چونکہ اس شکل میں X_1 ، X_1 ، X_2 ، X_1 ، X_2 اور X_1 سلسلہ وار ہیں اس لئے ان کو جمع کیا جا سکتا ہے شکل میں ان کو مساوی مزاحمت X_2

ٹر انسفار مرکے گل برقی بوجھ کے صرف دوسے چیہ فی صد ہوتی ہے $\hat{I}_{arphi}{}^{64}$







شکل 3.20: ٹرانسفار مر کے سادہ مساوی ادوار۔

اور مساوی متعاملہ X_{ms} کہا گیا ہے۔اسی قشم کے ادوار شکل X_{ms} سے بھی حاصل ہوتے ہیں۔

ہم ایک قدم اور آگے جا سکتے ہیں اور \hat{I}_{φ} کو مکمل طور پر نظر انداز کر سکتے ہیں اور R_c یعنی اس کو ہم صفر تصور کر لیتے ہیں۔اس کا مطلب ہے کہ مساوی دور میں jX_m دونوں کو کھلے دور کیا جاتا ہے لیعنی انہیں مساوی دور سے ہٹا دیا جاتا ہے۔ شکل jX_m -3.20 اللہ کیا گیا ہے۔

 $X_m\gg R_c$ بیشتر وقت ہمیں اس سے بھی کم صحیح جواب مطلوب ہوتا ہے۔چونکہ $X_m\gg R_c$ لہذا ہم $R_m\gg R_c$ کو بھی نظرانداز کر سکتے ہیں۔یوں شکل 3.20-ب حاصل ہوتا ہے۔

3.11 کھلے دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ

پچھلے جھے میں بیان کئے گئے ٹرانسفار مر کے مساوی دور کے جزو ٹرانسفار مر کے دو معائنوں سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ ان معائنوں کو کھلے دور معائنہ اور کسر دور معائنہ کہتے ہیں۔اس جھے میں انہیں پر غور کیا جائے گا۔

3.11.1 كطيح دور معائنه

کھے دور معائنہ 65 جیبا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفارمر کی ایک جانب کچھے کے سرول کو آزاد رکھ کر کیا جاتا ہے۔ یہ معائنہ اتنی برقی دباو اور تعدد یا ان کے قریب ترین مقداروں پر کیا جاتا ہے جتنے پر ٹرانسفارم کی بناوٹ 66 ہو۔ اگرچہ یہ معائنہ ٹرانسفارم کے کسی بھی جانب کے لیچھے پر کیا جا سکتا ہے، حقیقت میں اسے کم برقی دباو والی جانب کے لیچھے پر کیا جا سکتا ہے، حقیقت میں اسے کم برقی دباو والی جانب کے لیچھے پر کرنا آسان ہوتا ہے۔یہ بات ایک مثال سے زیادہ آسانی سے سمجھ آتی ہے۔

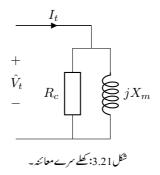
مثلاً ہم $25\,\mathrm{kV}\,\mathrm{A}$ اور $220\,\mathrm{V}$: $20\,\mathrm{V}$ کا معائد کرنا چاہتے ہیں۔ اگر یہ معائد اس کے گیارہ ہزار کے لیجے پر کیا جائے تو گیارہ ہزار برتی دباو کے لگ بھگ برتی دباو استعال کیا جائے گا اور اگر دو سو ہیں برتی دباو والے لیجے پر کیا جائے تو دو سو ہیں برتی دباو کے لگ بھگ برتی دباو استعال کیا جائے گا۔ دونوں صورتوں میں تعدد $50\,\mathrm{Hz}$ کی بھگ رکھا جائے گی۔ $11\,\mathrm{kV}$ کی برتی دباو پر کام کرنا نہایت خطرناک ثابت ہو سکتا ہے۔ یہی وجہ ہے کہ اس معائد کو کم برتی دباو والے لیجے پر ہی کیا جاتا ہے۔

جس برقی دباو پر ٹرانسفار مر عام حالات میں استعال ہوتا ہے اس معائنہ میں کم برقی دباو والی جانب کے لیجے پر اسے ہی یا اس کی قریب مقدار کی برقی دباو V_t لاگو کر کے کھلے دور برقی طاقت p_t اور کھلے دور برقی دباو پر کیا جائے ہیں۔معائنہ حقیقت میں استعال کے دوران برقی دباو کے جتنے قریب برقی دباو پر کیا جائے اتنا بہتر جواب حاصل ہوتا ہے۔ ٹرانسفار مر کی دوسری جانب لیجے کے سرے چونکہ آزاد رکھے جاتے ہیں اس لئے اس میں برقی رو صفر ہو گا۔ لہذا ناپا گیا برقی رو صرف بیجان انگیز برقی رو \hat{I}_0 ہو گا۔ ٹرانسفار مر جتنی برقی رو کے لئے بنایا گیا ہو یہ برقی رو اس کے تقریباً دو سے چھ فی صد ٹرانسفار مر جتنی برقی رو کے لئے بنایا گیا ہو یہ برقی رو اس کے تقریباً دو سے چھ فی صد ہوتا ہے۔ شکل 3.16 کو مدِ نظر رکھے ہوئے اگر ہم بائیں جانب کو کم برقی دباو والی جانب تصور کریں تو شکل میں V_t کو V_t کی جبگہ لاگو کرنا ہو گا۔یوں ہم جو برقی رو ناہیں گوہ مقدار کے برابر ہو گا۔ یعنی اس طرح

 $I_t = I_1 = I_{\varphi}$

open circuit test⁶⁵ design⁶⁶

scalar⁶⁷



اتنی کم برقی رو سے کچھے کی رکاوٹ میں نہایت کم برقی دباو گھٹتا ہے، لہذا اسے نظر انداز کیا جاتا ہے یعنی

$$V_{R1} = I_t R_1 = I_{\varphi} R_1 \approx 0$$

 $V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$

یوں R_c اور X_m پر تقریباً V_t برقی دباو پایا جائے گا۔ یہ شکل 3.16 سے ظاہر ہے۔ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 3.21 حاصل ہوتا ہے۔

پونکہ برتی طاقت کا ضیاع صرف مزاحمت میں ہی ممکن ہے لہذا p_t صرف میں ہیں ہی ضائع ہو گی۔ یوں

$$p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$$

لکھا جائے گا۔یوں

$$(3.33) R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اسی طرح چونکہ برقی دباو اور برقی رو کی مقداروں کے تناسب کو برقی رکاوٹ کی مقدار کہتے ہیں الہذا

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

گر شکل 3.21 سے واضح ہے کہ

$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للبذا

$$Z_t = \frac{jR_c X_m}{R_c + jX_m}$$
$$|Z_t| = \frac{R_c X_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$

جس سے حاصل ہوتا ہے

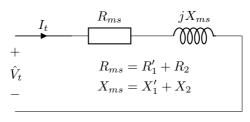
(3.34)
$$X_{m} = \frac{R_{c}|Z_{t}|}{\sqrt{R_{c}^{2} - |Z_{t}|^{2}}}$$

ماوات 3.33 سے R_c اور ماوات 3.34 سے R_c کا حماب لگایا جاتا ہے۔

یاد رہے کہ حاصل کردہ R_c اور X_m ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔اگر ان کی قیمتیں دوسری جانب درکار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی جا سکتی ہیں۔

3.11.2 كسر دور معائنه

یہ معائنہ بھی پچھلے معائنہ کی طرح ٹرانسفار کے کسی بھی طرف کیا جا سکتا ہے گر حقیقت میں اسے زیادہ برقی دباو کے لیچے پر ہی کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے۔ یہ معائنہ جینے برقی رو کے لئے ٹرانسفار مر بنایا گیا ہو اتنی برقی رو یا اس کے قریب مقدار پر کیا جاتا ہے۔ یعنی اس معائنہ میں کوشش ہوتی ہے کہ ٹرانسفار مر کے لیچے میں اتنی برقی رو گزرے جتنی کے لئے یہ بنایا گیا ہو۔ لہذا اگر ہم پچھلے معائنہ میں استعال ہونے والے ٹرانسفار مرکی بات آگے بڑھائیں تو اس کا زیادہ برقی دباو کا لیچھا محائنہ کم برقی دباو کا لیچھا کی بات آگے بڑھائیں تو اس کا زیادہ برقی دباو کا لیچھا کہ برقی دباو کیچے پر کیا جائے تو اسے کرنا ہو گا اور اگر زیادہ برقی دباو کیچے پر کیا جائے تو صرف 13.63 A کرنا ہو گا اور اگر زیادہ برقی دباو کیچے پر کیا جائے تو صرف 2.2727 A کرنا ہو گا اور اگر زیادہ برقی دباو کیچے پر کیا جائے تو صرف 2.2727 A کرنا ہو گا جو کہ زیادہ آسان ہے۔



شكل 22.3: كسر دور معائنه به

اس معائنہ میں کم برقی دباو لچھے کے دونوں سروں کو آپس میں جوڑا جاتا ہے لینی انہیں کسر دور کر لیا جاتا ہے اور زیادہ برقی دباو لچھے پر اس جانب کی ڈیزائن کردہ برقی دباو کے دو سے بارہ فی صد کا برقی دباو V_t لاگو کر کے کسر دور برقی رو ہوتے ہیں دور برقی طاقت p_t ناپے جاتے ہیں۔ جس لچھے کے سرے آپس میں کسر دور ہوتے ہیں اس میں سے برقی رو گزرتی ہے اور اس کا عکس دوسری جانب بھی موجود ہوتا ہے۔ یہ برقی رو ٹرانسفارمر کے ڈیزائن کردہ برقی رو کے لگ بھگ ہوتا ہے۔ اس معائنہ کا دور شکل 3.22 میں دکھایا گیا ہے۔ کھلے سرے معائنے کی طرح اگر کسر دور معائنے میں بھی شکل 3.16 کے بائیں جانب کو کم برقی دباو والی جانب تصور کریں تو V_t کو کی جگہ لگو کرنا ہو گا۔

چونکہ یہ معائنہ بہت کم برقی دباو پر کیا جاتا ہے لہذا اس معائنہ میں بیجان انگیز برقی رو کو کممل طور پر نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ شکل سے ہم دیکھتے ہیں کہ چونکہ برقی طاقت صرف مزاحت میں ہی ضائع ہو سکتی ہے لہذا

$$p_t = I_t^2 \left(R_{ms} \right)$$

ہو گا جس سے

$$(3.35) R_{ms} = \frac{p_t}{I_c^2}$$

حاصل ہوتا ہے۔

 $Z_t = rac{V_t}{I_t}$ دور برقی رو اور برقی دباو سے ہمیں ملتی ہے $|Z_t| = rac{V_t}{I_t}$

مگر شکل سے واضح ہے کہ

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

للبذا

$$(3.36) X_{ms} = \sqrt{|Z_t|^2 - R_{ms}^2}$$

مساوات 3.35 کُل مزاحمت دیتا ہے البتہ اس سے R_1 یا R_2 حاصل نہیں کیا جا سکتا۔ اس طرح مساوات 3.36 سے X_1 اور X_2 علیحدہ نہیں کئے جا سکتے۔ کسر دور معائنہ سے اتی ہی معلومات کافی ہوتی ہے۔ اگر ان اجزاء ک علیحدہ علیحدہ قیمتیں درکار ہوں تو ایس صورت میں تصور کیا جاتا ہے کہ

$$R_1' = R_2$$
$$X_1' = X_2$$

ہیں۔

چونکہ یہ معائنہ عموماً جہاں ٹرانسفار مر موجود ہو وہیں کرنا پڑتا ہے لہذا یہ ممکن نہیں ہوتا کہ ٹرانسفار مرکو بالکل اتنا برقی دباو دیا جائے جتنا درکار ہو بلکہ جو برقی دباو موجود ہو اسی سے کام چلانا پڑتا ہے۔ لیکن اس بات کا خیال بہت ضروری ہے کہ جو برقی دباو ٹرانسفار مرکو دیا جا رہا ہو وہ ڈیزائن کردہ برقی دباو کے دو سے بارہ فی صد ہو۔ مثلاً اگر اس کا 220 ک دوات کے نیادہ برقی دباو لیجھے پر اگر اس کا 1320 کے درمیان کوئی بھی برقی دباو دیا جا سکتا ہے۔ چونکہ ہمارے ہاں $220 \, \mathrm{V}$ درمیان کوئی بھی برقی دباو دیا جا سکتا ہے۔ چونکہ ہمارے ہاں $220 \, \mathrm{V}$ دار $240 \, \mathrm{V}$ عام یائے جاتے ہیں البذا ہم $220 \, \mathrm{V}$ یا $220 \, \mathrm{V}$ کے استعال کریں گے۔

یہاں سے ایک مرتبہ دوبارہ یاد دھیانی کراتا جاول کہ ٹرانسفارم کی ایک جانب کچھے کے سرے آپس میں جوڑ کر، لینی انہیں کسر دور کر کے، دوسری جانب کچھے پر کسی بھی صورت میں اس جانب کی پوری برقی دباو لاگو نہیں کرنا۔ ایبا کرنا شدید خطرناک اور جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

یاد رہے کہ حاصل کردہ R_c اور X_m اور X_m ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔اگر ان کی قیمتیں دوسری جانب درکار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی جا سکتی ہیں۔

98 باب. 3. ٹرانسفار مر

مثال 3.7: ایک 25 کلو وولٹ-ایمپیئر، 220: 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والے ٹرانسفارم کے کھلے دور اور کسر دور معائنہ کئے جاتے ہیں جن کے نتائج یہ ہیں۔

• کھلے دور معائنہ کرتے وقت کم برقی دباو کی جانب کا $220\,\mathrm{V}$ لاگو کئے جاتے ہیں۔ ای جانب برقی رو $39.64\,\mathrm{A}$ اور طاقت کا ضیاع $600\,\mathrm{W}$ ناپے جاتے ہیں۔

• کسر دور معائنہ کرتے وقت زیادہ برقی دباو کی جانب 440 ک لاگو کئے جاتے ہیں۔ای جانب برقی رو 2.27 A اور طاقت کا ضیاع 560 W ناپے جاتے ہیں۔

کھلے دور حل:

$$\begin{split} |Z_t| &= \frac{220}{39.64} = 5.55\,\Omega \\ R_c &= \frac{220^2}{600} = 80.67\,\Omega \\ X_m &= \frac{80.67\times5.55}{\sqrt{80.67^2-5.55^2}} = 5.56\,\Omega \end{split}$$

كسر دور حل:

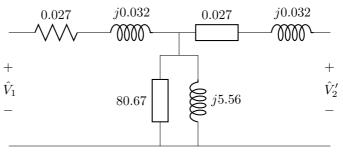
$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83 \,\Omega$$

$$R_{ms} = \frac{560}{2 \times 2.27^2} = 108.68 \,\Omega$$

$$X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160 \,\Omega$$

100 ان نتائج کو کم برتی وباو جانب منتقل کرتے ہوئے $\left(\frac{220}{11000}\right)^2 imes 108.68 = 43.47\,\mathrm{m}\Omega$ $\left(\frac{220}{11000}\right)^2 imes 160 = 64\,\mathrm{m}\Omega$

3.12. تين مر حسله ٹرانسفار مر



شکل 23. 3: کھلے دور اور کسر دور معائنہ سے کم برقی دیاو جانب مساوی دور۔

لعيني

$$R_1 = R_2' = \frac{43.47 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 21.7 \,\mathrm{m}\Omega$$

$$X_1 = X_2' = \frac{64 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 32 \,\mathrm{m}\Omega$$

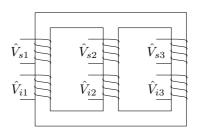
حاصل ہوتا ہے۔ان نتائج سے حاصل کم برقی دباو جانب مساوی دور شکل 3.23 میں دکھایا گیا ہے۔

3.12 تين مرحله ٹرانسفار مر

اب تک ہم ایک مولمہ 68 ٹرانسفار مر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت میں برقی طاقت کی منتقلی میں عموماً تیمن مرحلہ 68 ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر کیساں تین عدد ایک مرحلہ ٹرانسفار مر اکٹھے رکھ کر بنایا جا سکتا ہے۔ یوں اگر ایک ٹرانسفار مر خراب ہو جائے تو اس کو ٹھیک ہونے کے لئے ہٹا کر بقایا دو ٹرانسفار مر دوبارہ چالو کئے جا سکتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر بنانے کا اس سے بہتر طریقہ شکل 3.24 میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقاطیسی قالب پر تینوں ٹرانسفار مر کے لیچے لیٹے گئے ہیں۔ اس شکل میں \hat{V}_{i1} پہلے ٹرانسفار مر مقاطیسی قالب پر تینوں ٹرانسفار مر کے لیٹے گئے ہیں۔ اس شکل میں \hat{V}_{i1} پہلے ٹرانسفار مر

single phase⁶⁸ three phase⁶⁹

100 باب.3. ٹرانسفار مر



شکل 24. 3: ایک ہی قالب پر تین ٹرانسفار مر۔

کا ابتدائی لیجھا جبکہ \hat{V}_{s1} اس کا ثانوی لیجھا ہے۔اس طرح کے تین مرحلہ ٹرانسفارم سے، \hat{V}_{s1} جبکے اور چھوٹے ہونے کی وجہ سے عام ہو گئے ہیں اور آپ کو روز مرہ زندگی میں یہی نظر آئیں گے۔ان میں برقی ضیاع بھی قدرِ کم ہوتی ہے۔

شکل 3.25-الف میں تین ٹرانسفار مر دکھائے گئے ہیں۔ان تین ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے آپس میں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔ایک کو متارہ نما جوڑ 70 کا اور دوسرے کو تکونی جوڑ 71 کے کہتے ہیں۔ای طرح ان تینوں ٹرانسفار مروں کے ثانوی کچھے انہیں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔یوں انہیں جوڑنے کے جار مکنہ طریقے ہیں لیخی

 $Y:\Delta$ تتاره: تكونى •

Y:Y ستاره:ستاره •

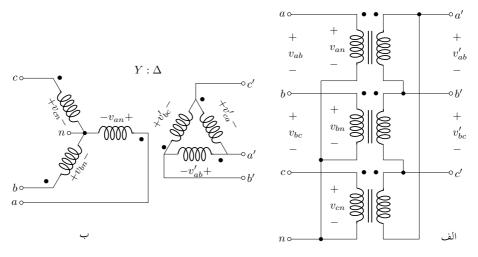
 $\Delta: \Delta$ Σ

 $\Delta: Y$ تکونی:ستاره •

شکل 3.25-الف میں ان تین ٹرانسفار مروں کے ابتدائی کیجھوں کو ستارہ نما جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ثانوی کیجھوں کو سکونی جوڑا گیا ہے۔ شکل-ب میں تینوں ٹرانسفار مرکی ابتدائی کیجھوں کو سکارہ نما دکھایا گیا ہے۔اسی طرح ثانوی کیجھوں کو سکونی دکھایا گیا ہے۔انہی شکلوں کی وجہ سے ان کو ستارہ نما جوڑ اور سکونی جوڑ کہتے ہیں۔

star connected⁷⁰ delta connected⁷¹

3.12. تين مرحب له ٹرانسفار مر



شكل 3.25: تين مر حله ستاره- تكونى ٹر انسفار مر

ایی شکل بناتے وقت تینوں ٹرانسفار مروں کے ابتدائی کچھے کو جس زاویہ پر بنایا جاتا ہے اس کے نانوی کچھے کو بھی اُسی زاویہ پر بنایا جاتا ہے۔یوں شکل کے حصہ الف میں سب ماری ٹرانسفار مر جس کے ابتدائی جانب کے سرے an اور ثانوی جانب کے سرے an ہیں کو حصہ با میں صفر زاویہ پر بنایا گیا ہے۔تین مرحلہ ٹرانسفار مروں کو اس طرح کی علامتوں سے ظاہر کیا جاتا ہے اور ان میں قالب نہیں دکھایا جاتا۔

ٹرانسفار مر کے جوڑ بیان کرتے وقت بائیں جانب کے جوڑ کو پہلے اور دائیں جانب کی جوڑ کو بہلے اور دائیں جانب کی جوڑ کو بعد میں پکارتے ہیں۔یوں شکل میں ٹرانسفار مر کو ستارہ-تکونی بُڑا ٹرانسفار مر کہیں گے۔ای طرح ابتدائی جانب کو بائیں اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بنایا جاتا ہے۔یوں اس شکل میں ابتدائی جانب ستارہ نما ہے جبکہ ثانوی جانب تکونی ہے۔

n ستارہ نما جڑی جانب سے چار برقی تاریں نکلتی ہیں۔اس جانب کچھوں کے مشتر کہ سرا 72 کو عموماً ٹرانسفار مر کے نزدیک زمین میں گہرائی تک دصنیا دیا جاتا ہے۔اس تار کو زمین مار 73 کے عموماً ٹرانسفار مر کہتے ہیں۔باقی تین لیعن a,b,c گرم یا صرف زمین 74 کہتے ہیں۔باقی تین لیعن a,b,c گرم

ground, earth, neutral⁷³

neutral⁷⁴

102 باب.3. ٹرانسفار مر

تار 75 کہلاتے ہیں۔

ستارہ نما Y جانب یک مرحلہ مقداروں اور تار کی مقداروں کا آپس میں یوں رشتہ ہے

(3.37)
$$V_{jt} = \sqrt{3}V_{\text{pl}}$$

$$I_{jt} = I_{\text{pl}}$$

جبہ تکونی کے جانب یک مرحلہ اور تار کی مقداروں کا آپی میں یوں رشتہ ہے

(3.38)
$$V_{\text{jt}} = V_{\text{ab}, \text{L}}$$

$$I_{\text{jt}} = \sqrt{3}I_{\text{ab}, \text{L}}$$

یہ مرحلی سمتیے کے رشتے نہیں بلکہ ان کی مقداری قیتوں کے رشتے ہیں۔ان دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے

$$(3.39) V_{J\tau}I_{J\tau} = \sqrt{3}V_{J\tau}I_{J\tau}$$

چونکہ ایک مرحلہ ٹرانسفارم کی وولٹ-ایمپیئر سیرحلہ $V_{x,al}$ بیں اور ایسے تین ٹرانسفارم مل کر ایک تین مرحلہ ٹرانسفارم بناتے ہیں لہذا تین مرحلہ ٹرانسفارم کی وولٹ-ایمپیئر اس کے تین گنا ہوں گے لیعنی

(3.40)
$$3V_{\text{jul}}I_{\text{jul}} = 3V_{\text{jul}}I_{\text{jul}} = 3 \times \frac{V_{\text{jul}}I_{\text{jul}}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}V_{\text{jul}}I_{\text{jul}}$$

live wires⁷⁵

phase voltage⁷⁶

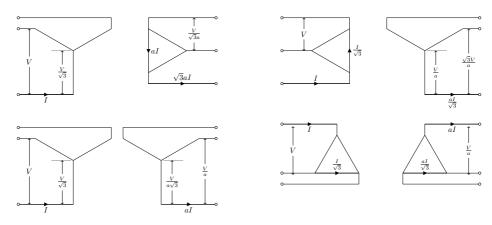
phase current⁷⁷

line to line voltage⁷⁸

line current⁷⁹

ground current⁸⁰

3.12. تين مر حسله ٹرانسفار مر



شکل 3.26: ابتدائی اور ثانوی جانب تار اور یک مرحله مقد اروں کے رشتے۔

یہ مساوات تاہین مرحلہ ادوار میں عام استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مرکسی طرح بھی جوڑے جائیں وہ اپنی بنیادی کارکردگی تبدیل نہیں کرتے البذا انہیں سارہ نما یا کلونی جوڑنے کے بعد بھی ان میں ہر ایک ٹرانسفار مر انفرادی طور پر صفحہ 71 پر دیے مساوات 3.28 پر پورے اترے گا۔انہیں استعال کر کے شکل 3.26 میں دیئے گئے ٹرانسفار مروں کے ابتدائی اور ثانوی جانب کی یک مرحلہ اور تارکی مقداروں کے رشتے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔اس شکل میں $N_1 : N_2$ مرحلہ ٹرانسفار مر کے چکر کی نسبت ہے۔تین مرحلہ ٹرانسفار مر پر گئی شختی پر دونوں جانب تار کی برقی دباو کی نسبت ہے۔تین مرحلہ ٹرانسفار مر پر گئی شختی پر دونوں جانب تار کی برقی دباو کی نسبت کھی جاتی ہے۔

جیسے شکل 3.26 میں وکھایا گیا ہے شارہ-تکونی ٹرانسفارم کی تار پر برقی دباو کی نسبت

(3.41)
$$\frac{V_{\dot{\mathcal{S}}^{|\mathcal{F}|}}}{V_{\mathcal{S}^{\dot{\mathcal{F}}}}} = \sqrt{3}a = \sqrt{3}\left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

جبکه ستاره-ستاره کا

$$\frac{V_{\dot{\mathcal{S}}^{|\mathcal{J}|}}}{V_{\mathcal{S}^{|\mathcal{J}|}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

ياب.2. ٹرانسفار م

تكونى-ستاره كا

$$\frac{V_{\acute{\mathcal{G}}|\mathcal{Z}_!}}{V_{\mathcal{G}; \flat \flat}} = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

اور تکونی-تکونی کا

$$\frac{V_{\dot{\mathcal{G}}|\mathcal{X}|}}{V_{\mathcal{G}^{\dot{\mathcal{H}}}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

-4

مثال 3.8: کیک مرحلہ تین کیساں ٹرانسفار مروں کو ستارہ- تکونی $Y:\Delta$ جوڑ کر تین مرحلہ ٹرانسفار مر بنایا گیا ہے۔ ایک مرحلہ ٹرانسفار مر کی برقی سکھے۔ 81 درج ذیل ہے:

 $50 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$, $6350 : 440 \,\mathrm{V}$, $50 \,\mathrm{Hz}$

ستارہ- تکونی ٹرانسفار مر کی ابتدائی جانب 11000 وولٹ کی تین مرحلہ تار کی برقی دباو لاگو کیا گیا۔اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی ثانوی جانب تار کا برقی دباو معلوم کریں۔

حل: حل کرتے وقت ہم ایک عدد یک مرحلہ ٹرانسفارمر پر نظر رکھیں گے۔ ابتدائی جانب اگر یک مرحلہ ٹرانسفارمر پر غور کیا جائے تو

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

اور اس ير لا گو برقى دباو مساوات 3.37 كى مدد سے

$$V_{,\vec{0},\vec{0},\vec{0},\vec{0}} = \frac{V_{,\text{tr}}}{\sqrt{3}} = \frac{11000}{\sqrt{3}} = 6350.85\, ext{V}$$

ہے لہذا اس یک مرحلہ ٹرانسفارم کی ثانوی جانب مساوات 3.16 کی مدد سے

$$V_{\mathcal{G}_{\mathcal{F}}} = \frac{N_2}{N_1} V_{\mathcal{G}_{\mathcal{F}}} = \frac{440}{6350} \times 6350.85 \approx 440 \,\text{V}$$

rating81

3.12. تين مرحب پرانسفار مر

ہیں۔چونکہ ثانوی جانب ان تین یک مرحلہ ٹرانسفار مروں کو تکونی جوڑا گیا ہے البذا مساوات 3.38 کی مدد سے اس جانب تار کی برقی دباو یہی ہو گی۔اس تین مرحلہ ٹرانسفار مرکی تار پر برقی دباو کی نسبت

ہے۔ چونکہ یک مرحلہ ٹرانسفارمر 50 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہے لہذا یہ تین مرحلہ ٹرانسفارمر 150 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہو گا۔یوں اس تین مرحلہ ٹرانسفارمر کی سکت²8

150 kV A, 11000: 440 V, 50 Hz

ہو گی۔

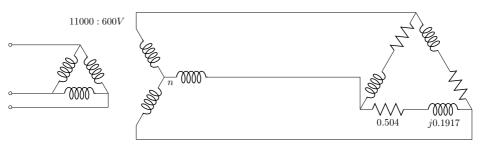
ٹرانسفار مر پر لگی تنخق⁸³ پر اس کی سکت بیان ہوتی ہے جس میں ٹرانسفار مر کے دونوں جانب تار کے برقی دباو لکھے جاتے ہیں نہ کہ کچھوں کے چیکر۔

ستارہ -ستارہ جڑے ٹرانسفار مر عام طور استعال نہیں ہوتے۔اس کی وجہ یہ ہے کہ اگرچہ ان کی تین مرحلہ برتی دباو کے بنیادی جزو آپس میں °120 زاویائی فاصلے پر ہوتے ہیں لیکن ان کی تیسری موسیقائی جزو آپس میں ہم قدم ہوتی ہیں۔ قالب کی غیر بتدریج خصوصیات کی وجہ سے ٹرانسفار مر میں ہر صورت تیسری موسیقائی جزو پائے جاتے ہیں۔تیسری موسیقائی جزو ہم قدم ہونے کی وجہ سے ججع ہو کر ایک نہایت بڑی برقی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں جو کہی دیادہ بڑھ جاتی ہے۔

بقایا تین قشم کے جڑے ٹرانسفار مروں میں برقی دباو کی تیسری موسیقائی جزو مسکلہ نہیں کر تیں چونکہ ان میں کونی کجڑے کچھوں میں برقی رو گھومنے شروع ہو جاتی ہے جو ان کے اثر کو ختم کر دیتی ہے۔

 $m rating^{82}$ name plate⁸³

اب. ٹرانسفار م



شكل 3.27: ٹرانسفار مريكونی متوازن بوجھ كوطاقت فراہم كرر ہاہے۔

تین مرحلہ ٹرانسفارمر کے متوازن دور حل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفارمر ستارہ نما بڑا ہے۔یوں اس کے ایک مرحلے میں برقی رو، تار کی برقی رو ہی ہو گی اور اس کے ایک مرحلہ برقی دباو ہو گا۔ای طرح ہم تصور کرتے ہیں کہ اس پر لدا برقی بوجھ بھی ستارہ نما بُڑا ہے۔یوں تین مرحلہ کی جگہ ہم یک مرحلہ دور کا نسبتاً آسان مسئلہ حل کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔یہ ایک مثال سے زیادہ بہتر سمجھ آئے گا۔

مثال 3.9: ایک تین مرحلہ $Y: \Delta$ 2000 کلو وولٹ – ایمپیئر، 600: 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والا کامل ٹرانسفار مرحلہ کے متوازن برقی بوجھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ یہ بوجھ تکونی جڑا ہے جہاں بوجھ کا ہر حصہ (0.504+j0.1917) کے برابر ہے۔ شکل 3.27 میں یہ وکھایا گیا ہے۔

- 1. اس شكل مين هر جلّه برقى رو معلوم كرين-
 - 2. برقی بوجه 84 کو درکار طاقت معلوم کریں

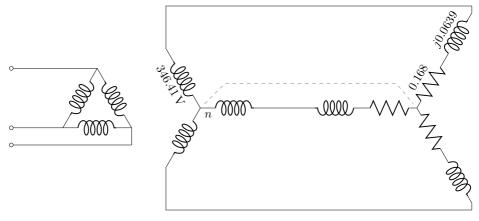
حل:

پہلے تکونی بوجھ کو سارہ نما بوجھ میں تبدیل کرتے ہیں

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

electrical load⁸⁴

3.12. تين مرحباله ٹرانسفار مر



شکل 3.28: تکونی بوجھ کومساوی ستارہ بوجھ میں تبدیل کیا گیاہے۔

اس بوجھ کو ستارہ نما جڑا شکل 3.28 میں دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک برقی تار جے نقطہ دار کئیر سے ظاہر کیا گیا ہے کو ٹرانسفار من زمینی نقطہ سے بوجھ کے مشتر کہ سرے کے درمیان جڑا دکھایا گیا ہے۔متوازن دور میں اس تار میں برقی رو صفر ہو گی۔ حل کرنے کی نیت سے ہم اس متوازن دور سے ایک مرحلہ لے کر حل کرتے ہیں۔

يون مساوي برقي بوجھ ميں برقي رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + i0.0639} = 1927.262 / -20.825^{\circ}$$

ہو گی اور اس ایک مرحلہ میں طاقت

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^{\circ}) = 624007 \,\mathrm{W}$$

ہو گی۔ یوں برقی بوجھ کو پوری درکار برقی طاقت اس کے تین گنا ہو گی لیعنی 1872kW اس بوجھ کا جزو طاقت 85

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

ے۔

power factor⁸⁵

108 باب. 3. ٹرانسفار مر

تکونی بوجھ میں برتی رو 1112.7=112.7 ایمپیئر ہو گی۔ ٹرانسفار م کی ابتدائی جانب برتی تاروں میں برتی رو

$$\left(\frac{600}{11000}\right) \times 1927.262 = 105.12$$

ایمپیئر ہو گی۔

اس مثال میں جزو طاقت 0.93467 ہے۔اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں اگر صنعتی کارخانوں کی برقی بوچھ کی جزو طاقت 0.9 سے کم ہو جائے تو برقی طاقت فراہم کرنے والا ادارہ (واپڈا) جرمانہ نافذ کرتا ہے۔

3.13 ٹرانسفار مرچالو کرتے لمحہ زیادہ محرکی برقی روکا گزر

ہم دکیے چکے ہیں کہ اگر ٹرانسفارم کے قالب میں کثافتِ مقاطیسی بہاو سائن نما ہو لینی $B = B_0 \sin \omega t$

$$v = e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t}$$
$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$
$$= V_0 \cos \omega t$$

ليعني

$$(3.45) B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

یہ مساوات بر قرار چالو⁸⁶ ٹرانسفار م کے لئے درست ہے۔

تصور کریں کہ ایک ٹرانسفارمر کو چالو کیا جا رہا ہے۔ چالو ہونے سے پہلے قالب میں مقناطیسی بہاو صفر ہے اور جس لحمہ اسے چالو کیا جائے اس لمحہ بھی یہ صفر ہی رہتا ہے۔

steady state⁸⁶

جس لمحہ ٹرانسفار مر کو چالو کیا جائے اس لمحہ لاگو برقی دباو
$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

ہو تو آدھے دوری عرصہ 87 کے بعد قالب میں کثافتِ مقاطیسی بہاو $heta=\pi/2$

$$B = \frac{1}{NA_c} \int_0^{\pi/\omega} V_0 \cos(\omega t + \pi/2) dt$$
$$= \frac{V_0}{\omega NA_c} \sin(\omega t + \pi/2)_0^{\pi/\omega}$$
$$= -\left(\frac{2V_0}{\omega NA_c}\right)$$

یخی کثافت مقاطیسی بہاو کا طول معمول سے دگنا ہو گا۔اگر یہی حساب $\theta=0$ لمحہ کے لئے کیا جائے تو زیادہ سے زیادہ کثافت متناطیسی بہاو بالکل مساوات 3.45 کے عین مطابق ہو گا۔ ان دو زاویوں کے مابین زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو ان دو حدول کے درمیان رہتا ہے۔

B-H قالب کی B-H خط غیر بتدری بڑھتا ہے۔ لہذا B دگنا کرنے کی خاطر گنا بڑھانا ہو گا جو کیجھے میں محرک برقی رو بڑھانے سے ہوتا ہے⁸⁸۔ یہاں صفحہ 56 پر د کھائے شکل 2.16 سے رجوع کریں۔ قوی ٹرانسفار مروں میں پیجانی کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی $1 \leq B_0 \leq 1.3$ ہوتی ہے۔ٹرانسفار مر چالو کرتے کمحہ یوں کثافت مقناطیسی بہاو 2 سے 2.6 ٹسلا تک ہو سکتی ہے جس کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو نہایت زیادہ ہو گی۔

time period⁸⁷

[۔] 2000⁸⁸ کلووولٹ-ایمپیئرٹرانسفار مرہے چالو کرتے وقت تھر تھر اہٹ کی آواز آتی ہے

110 بابــــ 3. ٹرانسفار م

باب4

برقی اور میکانی توانائی کا باہمی تبادلہ

برتی رو یا مقاطیسی بہاو کی مدد سے برقی توانائی کو میکانی توانائی یا میکانی توانائی کو برقی توانائی میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ مختلف مشین میں یہ عمل ہوتا ہے۔ ناپنے کے مشین نہایت کم طاقت کا تبادلہ کرتے ہیں۔ ان میں لاؤڈ سپیکر، ماگروفون وغیرہ شامل ہیں۔ ان کے برعکس ایک اور قسم کے مشین قوت پیدا کرتے ہیں۔ ان میں برقی مقاطیس، ریلے وغیرہ شامل ہیں۔ ایک تیسری قسم، جن میں برقی موٹر اور جزیٹر شامل ہیں، لگاتار توانائی کو ایک شکل ہیں۔ دوسری شکل میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں مقاطیسی بہاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔برقی رو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ کو انہیں طرح کے طریقوں سے حل کیا جاتا ہے اگرچہ ان کا تذکرہ اس کتاب میں نہیں کیا جائے گا۔

اس باب میں جو تراکیب ہم سیکھیں گے وہ بہت اہمیت رکھتے ہیں اور انجنیئرنگ میں بہت سے مسائل حل کرنے میں مدد گار ثابت ہوتے ہیں۔

 $relay^1$

4.1 مقناطیسی نظام میں قوت اور قوت مروڑ

اگر ایک برقی میدان میں برقی بار q رکھا جائے تو اس پر قوت

$$\mathbf{F} = q\mathbf{E}$$

یائی جاتی ہے۔اگر برتی بار مثبت ہو تو یہ قوت برتی شدت E کی سمت میں ہوتی ہے اور اگر برتی بار منفی ہو تو یہ قوت E کی الٹ سمت میں ہوتی ہے۔ ای طرح اگر ایک برقی بار مقاطیعی میدان میں حرکت کر رہا ہو اور اس کی سمتی رفتار v ہو تو اس پر قوت بار مقاطیعی میدان میں حرکت کر رہا ہو اور اس کی سمتی رفتار v ہو تو اس پر قوت بار مقاطیعی میدان میں $F = q(v \times B)$

پائی جاتی ہے۔ اس مرتبہ مثبت برتی بار پر قوت کی سمت دائیس ہاتھ کے قانون $^{\circ}$ سے معلوم کی جاتی ہے۔ اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیاں v کی سمت میں رکھ کر انہیں B کی سمت میں موڑا جائے تو انگوٹھا F کی سمت میں ہو گا۔ منفی برتی بار پر قوت اس کے مخالف سمت میں ہو گا۔ یہاں سمتی رفتار p اور B کے مابین ہے۔ اگر ایک برتی بار بیک وفت مقاطیسی اور برتی میدان میں حرکت کر رہا ہو تب اس پر قوت ہمیں گزشتہ دو قوانین ملا کر یعنی ساوات لوریز p سے ملتی ہے۔

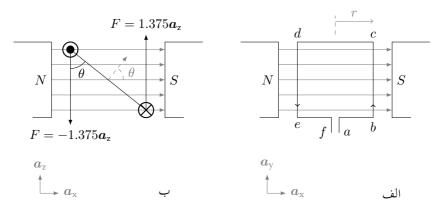
$$\mathbf{F} = q\left(\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}\right)$$

ماوات 4.2 میں اگر $v = \mathrm{d} oldsymbol{L}/\mathrm{d} t$ کی جائے تو اسے یوں کھا جا سکتا ہے۔

(4.4)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{F} &= q \left(\frac{\mathrm{d} \boldsymbol{L}}{\mathrm{d} t} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= \frac{q}{\mathrm{d} t} \left(\mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \\ &= i \left(\mathrm{d} \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B} \right) \end{aligned}$$

مثال 4.1: شکل 4.1 میں ایک لچھا مقناطیسی میدان میں دکھایا گیا ہے۔لچھے کی رواس 15 سم، محوری لمبائی 50 سم اور اس میں برقی رو 5 ایمپیئر ہے۔کثافتِ مقناطیسی بہاو

 $\begin{array}{c} velocity^2 \\ right\ hand\ rule^3 \\ Lorenz\ equation^4 \end{array}$



شكل 4.1: ايك چكر كے لچھے پر قوت اور قوت مروڑ

کو نقطہ دار نوک والی ککیروں سے شالی قطب سے جنوبی قطب کی جانب دکھایا گیا ہے۔اگر کثافت مقناطیسی بہاو 0.55 میںلہ ہو تو

- کچھے کے اطراف پر قوت معلوم کریں اور
 - لچھے پر قوت مروڑ ہ معلوم کریں

حل: شکل-الف اور ب میں کارتیسی اکائی سمتیہ دیئے گئے ہیں۔اگر برقی تار کے سروں کو نظر انداز کیا جائے اور اسے ایک بند دائرہ سمجھا جائے تو شکل-الف میں برقی رو کی سمت میں تار کے اطراف کی لمبائیاں

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \end{aligned}$$

یں جبکہ $oldsymbol{B} = B_0 oldsymbol{a}_{ ext{x}}$ ہیں جبکہ $oldsymbol{B} = B_0 oldsymbol{a}_{ ext{x}}$

$$egin{aligned} m{F}_{bc} &= i \left(m{L}_{bc} imes B_0 m{a}_{
m x}
ight) \\ &= 5 \left(0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x}
ight) \\ &= -1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{cd} &= 5 \left(-0.3 m{a}_{
m x} imes 0.55 m{a}_{
m x}
ight) \\ &= 0 \\ m{F}_{de} &= 5 \left(-0.5 m{a}_{
m y} imes 0.55 m{a}_{
m x}
ight) \\ &= 1.375 m{a}_{
m z} \\ m{F}_{ea} &= 0 \end{aligned}$$

نیوٹن ہو گی۔ہم دیکھتے ہیں کہ قوت محوری لمبائی کی جانب اطراف پر ہی لاگو ہے۔یہ دو قوت حصہ با میں دکھائے گئے ہیں جہال سے یہ واضح ہے کہ یہ قوت مروڑ پیدا کریں گی۔ اس قوت مروڑ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے بھی با آسانی معلوم کی جا سکتی ہے۔قوت مروڑ

$$\tau = -1.375 \times 2 \times 0.15 \times \sin \theta \mathbf{a}_{y}$$
$$= -0.4125 \sin \theta \mathbf{a}_{y}$$

نیوٹن-میٹر ہے۔

ان ماوات کا استعال صرف سادہ ترین جگہوں ممکن ہوتا ہے۔ استعال میں آنے والی مثین میں ان مساوات سے قوت کا تعین کرنا نہایت مشکل ثابت ہوتا ہے۔ اب ہم وہ طریقہ سیکھتے ہیں جس کی مدد سے ہم مختلف مثین میں قوت کا تعین کر سکیں گے۔ اس طریقہ کو توانائی کا طریقہ کہتے ہیں اور یہ توانائی کے اٹل ہونے پر مبنی ہے۔

گومتی برقی مثنین میں عموماً دو لچھے ہوتے ہیں۔ ان میں ایک لچھا مثنین کے ساکن حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور اس لئے ساکن رہتا ہے۔ البذا اس کو ساکھ لچھا⁵ کہتے ہیں ۔ دوسرا لچھا مثنین کے گھومنے والے حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور مثنین گھومنے سے بیہ بھی گھومتا

stator coil⁵

ہے۔ لہذا اس کو گھومتالچھا کہتے ہیں۔ ایسے مشین کو اس طرح سمجھنا نہایت آسان ہے کہ ہم ان دو لچھوں کو دو مقاطیس سمجھیں۔ جس طرح دو مقناطیس اگر قریب لائے جائیں تو یہ کوشش کرتے ہیں کہ ایک کا شال N دوسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

موٹر میں دونوں کچھے مقاطیس پیدا کرتے ہیں۔ ساکن کچھے کا مقاطیسی بہاو، گھومتے کچھے کے مقاطیسی بہاو سے کچھ آگے رہتا ہے اور اسے کھینچتا رہتا ہے۔ ایسا کرنے سے یہ کام کرتا ہے۔ جزیٹر میں اس کے برعکس گھومتا کچھا، ساکن کچھے پر کام کرتے ہوئے اس میں برقی دباو پیدا کرتا ہے۔

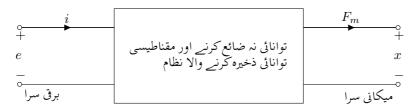
وانائی کے طریقے کو شکل 4.2 کی مدد سے سمجھا جا سکتا ہے۔ یہاں مقناطیسی نظام کو ایک ڈبہ کی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کو برقی توانائی مہیا کی جاتی ہے جس سے یہ میکائی توانائی پیدا کرتا ہے۔ یہاں برقی توانائی کے دو متغیرہ e اور i ہیں اور میکائی توانائی کے متغیرہ فاصلہ e اور میدانی قوت e ہیں۔ اس شکل میں بائیں جانب یعنی ابتدائی یا اولین جانب e کا رُخ باہر سے اندر کی طرف ہے اور دائیں جانب یعنی ثانوی جانب e کا رُخ اندر سے باہر کی جانب ہے۔ یہ رُانسفار م دور کے شکل 3.6 کی مانند ہے۔

اگر نظام میں توانائی کی ضیاع کو توانائی کے ذخیرہ ہونے سے علیحدہ کرنا ممکن ہو تو الی صورت میں توانائی کے ضیاع کو بیرونی رکن سے پیش کیا جاتا ہے۔ شکل 4.3 میں ایک ایسا ہی نظام دکھایا گیا ہے جس میں لچھا برتی نظام کو پیش کرتا ہے اور حرکت کرنے والا حصہ میکائی نظام کو پیش کرتا ہے۔ یہاں کچھے میں توانائی کے ضیاع کو، بیرونی مزاحمت R سے ظاہر کیا گیا ہے۔

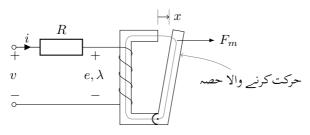
$$\partial W_{\vec{j}} = \partial W_{\vec{j}} + \partial W_{\vec{n}} + \partial W_{\vec{n}} + \partial W_{\vec{n}} + \partial W_{\vec{n}}$$

 $rotor\ coil^6$

میدانی قوت F_m میں چھوٹی لکھا کی میں mلفظ میدانی کو ظاہر کر رہاہے۔ 7



شکل 4.2: برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تبادلہ کا نظام۔



شكل 4.3: قوت يبدا كرنے والا آلا۔

| اگر برقی توانائی کے ضیاع کو نظر انداز کیا جائے تو $\partial W_{ij} = \partial W_{ij} + \partial W_{ij} + \partial W_{ij}$ (4.6)

(4.7)
$$\frac{\partial W_{\ddot{\mathbf{J}},\underline{\mathbf{J}}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}},\underline{\mathbf{J}}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\dot{\mathbf{J}},\underline{\mathbf{J}}}}{\partial t}$$

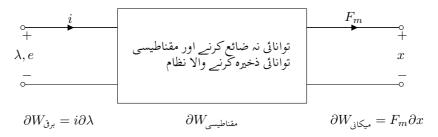
یہ مساوات توانائی کی بجائے طاقت کی بات کرتا ہے۔ اگر ہم بائیں ہاتھ کی جانب لیعنی برقی طاقت کو ei کھیں اور دائیں ہاتھ کی جانب میکانی حصہ میں ei کھیں تو

(4.8)
$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں W_m کو W_m کھا گیا ہے۔مساوات 2.27 کے استعال سے اسے یوں کھا جا سکتا ہے۔

(4.9)
$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

یا



شکل 4.4: توانائی کی شکل تبدیل کرنے والاایک نظام۔

 $\partial W_m = i\partial\lambda - F_m\partial x$

مساوات 4.10 توانائی کے طریقہ کی بنیاد ہے۔ یہ مساوات استعال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیادی طور پر لورینز کے قانون 8 سے ہی پیدا ہوتی ہے۔مساوات 4.10 میں برقی متغیرہ i اور i کی جائے i اور i ہیں۔ لہذا شکل 4.2 کو شکل 4.4 کی طرح بھی بنایا جا سکتا ہے۔

$$z(x,y)$$
 گو گئے ہیں گو کے گئے ہیں $z(x,y)$ گو کانے ہیں $\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial z}{\partial y} \, \mathrm{d}y$

 $W_m(x,\lambda)$ کے کئے کی علتے ہیں۔

(4.12)
$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} d\lambda$$

اس مباوات اور مباوات 4.10 سے ہم افذ کر سکتے ہیں کہ

(4.13)
$$F_m(x,\lambda) = -\left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0}$$

(4.14)
$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|_{x_0}$$

اگر ہم مقاطیسی میدان میں مقاطیسی توانائی $W_m(x,\lambda)$ معلوم کر سکیں تو مساوات 4.13 کو استعال کر کے ہم قوت کا حساب لگا سکتے ہیں۔ ہم اگلے حصہ میں یہی کرتے ہیں۔

Lorenz equation⁸ function⁹

4.2 تبادله توانائی والاایک کچھے کا نظام

شکل 4.3 میں ایک لچھے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ لچھے میں برقی ضیاع کو بیرونی مزاحمت سے پیش کیا گیا ہے۔ میکانی نظام میں حرکت کرنے والے حصہ کے کمیت کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ اگر اس کمیت کے اثر کا بھی حساب لگانا ہو تو اس کمیت کو ایک بیرونی کمیت تصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح تبادلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔

قوت پیدا کرنے والے مثین میں حرکت ناگزیر ہے۔ عموماً حرکت تب ممکن ہوتی ہے جب مقاطیسی قالب میں خلاء ہو جو کم اور زیادہ ہو سکے۔ عموماً $\Re_a \gg \Re_c$ ہوتا ہے۔ لہذا جب مقاطیسی دور حل کرنی ہو، ہم \Re_c کو نظرانداز کر سکتے ہیں۔ایسا کرنے سے، جیسا مساوات 2.19 میں دیا گیا ہے، ہم مقاطیسی دباو τ اور مقاطیسی بہاو ϕ کو براہ راست متناسب ککھ سکتے ہیں۔ اسی طرح مساوات 2.29 کو اب ہم یوں ککھ سکتے ہیں۔

$$\lambda = L(x)i$$

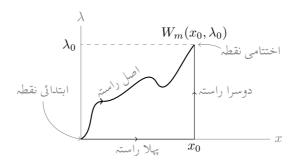
اس مساوات میں امالہ کو L(x) لکھ کر اس بات کی نشاندہی کی گئی ہے کہ یہ صرف اور صرف شکل 4.3 میں خلاء کی لمبائی x پر منحصر ہے۔

شکل 4.3 میں قوت F_m کی سمت میں طے ہونے والا فاصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام 4.10 عام $-3W_{0,1}$ $= i\,\mathrm{d}\lambda$ جبکہ $-3W_{0,1}$ $= i\,\mathrm{d}\lambda$ کو مساوات $-3W_{0,1}$ کو مساوات $-3W_{0,1}$ کو ساوات $-3W_{0,1}$ معلوم کرنی ہو تو ہمیں مقاطیعی میدان میں ذخیرہ توانائی $-3W_{0,1}$ معلوم کرنی ہو تو ہمیں مساوات $-3W_{0,1}$ کا تکمل $-3W_{0,1}$ لینا ہو گا۔ یعنی مساوات $-3W_{0,1}$ کا تکمل $-3W_{0,1}$ کینا ہو گا۔ یعنی

(4.16)
$$\int \partial W_m = \int i(x,\lambda) \, \mathrm{d}\lambda - \int F_m(x,\lambda) \, \mathrm{d}x$$

اس کمل کا حصول شکل 4.5 سے واضح ہو گا۔ابتدائی نقطے پر مقاطیسی نظام کو کوئی برتی توانائی نہیں دی گئی۔ اس لئے اس میں برقی رو صفر ہے۔ برقی رو صفر ہونے کی وجہ سے

 $integral^{10}$



شكل 4.5:مقناطيسي ميدان ميں توانا كي۔

مقناطیسی بہاو اور ارتباط بہاو بھی صفر ہے۔اسی وجہ سے مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی $i=\phi=\lambda=W_m=F_m=x=0$

ہے۔ابتدائی نقطہ شکل 4.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ہم اب کچھے کو برقی توانائی فراہم کرتے ہیں۔ کچھے میں برقی رو روال ہوتی ہے جس سے قوت اور حرکت پیدا ہوتی ہے۔ ہم آخر کار اختامی نقطے پہ پہنچ جاتے ہیں۔اختامی نقطہ بھی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پہ می شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ ہم ایدائی نقطہ سے اور یہال مقاطیسی میدان میں توانائی کو یوں بڑھاتے ہیں کہ کہ ابتدائی نقطہ سے اختامی نقطہ تک پہنچنے کے لئے برقی توانائی کو یوں بڑھاتے ہیں کہ کہ اور x شکل 4.5 میں موٹی کئیر سے دکھائے اصل راستے پر رہیں۔لہذا ہمیں آخری نقطہ پہ مقاطیسی میدان میں مقاطیسی توانائی $W_m(x_0, \lambda_0)$ معلوم کرنے کے لئے مساوات 4.16 کا میں راستے پہ تکمل کرنا ہو گا۔ ایبا کرنا خاصا مشکل کام ہے۔ بجائے یہ ہم ایک بہتر راستہ اختیار کرتے ہیں۔

ہم اس حقیقت سے فائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان ایک قدامہ پندمیدان ہے جب کم میران میں مقاطیسی میدان میں مقاطیسی میدان فقطہ جس کا مطلب ہے کہ ہم جس رائے سے x_0 اور x_0 کی مقدار پر مخصر ہے x_0 ۔ اس کا مطلب ہے ہے کہ ہم جس رائے سے بھی آخری نقطہ تک پنچیں ہمیں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی کیساں ملے گی۔ لہذا

conservative field 11

اتجاذبی میدان بھی قدامت پہندمیدان ہے ای لئے اگر کمیت m کو کسی بھی راتے h کی بلندی تک لے جایاجائے تواس کی توانائی mgh ہوگا۔

ہم تکمل کرتے وقت شکل 4.5 میں ابتدائی نقطہ سے پہلے راستے چلتے ہیں اور جب ہم فاصلہ x_0 کے اختتامی نقطہ x_0 پ فاصلہ x_0 کے اختتامی نقطہ x_0 کی پ فاصلہ x_0 کے اختتامی نقطہ x_0 کے اختتامی نقطہ x_0 کے اختتامی نقطہ x_0 کے اخترا ہم مساوات 4.16 کو اب دو کلاوں میں کھیں گے، نقطہ x_0 سے نقطہ x_0 کے اور پھر یہاں سے نقطہ x_0 کے تک

(4.17)
$$\int_{U^{-1}} \partial W_m = \int_{U^{-1}} \partial W_m + \int_{U^{-1}} \partial W_m$$

اس مساوات کی داعیں جانب جزو کو باری باری دیکھتے ہیں۔پہلے رائے تکمل کو یوں کھا جا سکتا ہے۔

(4.18)
$$\int_{\mathbb{R}^{d}} \partial W_{m} = \int_{0}^{0} i(x,0) \, d\lambda - \int_{0}^{x_{0}} F_{m}(x,0) \, dx$$

اس رائے جینے شکل 4.5 سے ظاہر ہے اگر ہم $x=x_0$ سے $x=x_0$ تک چلیں تو اس پورے رائے جینے ہرابر ہی رہتا ہے۔ مساوات 4.18 میں اس بات کو برتی رو پورے رائے پر λ اور توت $E_m(x,0)$ کھ کر واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ λ کے شروع اور آخری مقدار برابر ہیں لہٰذا اس مساوات میں λ کا مقدار برابر ہیں لہٰذا اس مساوات میں λ

اگر $0=\lambda$ ہو تو مقناطیسی بہاو بھی صفر ہو گا۔ مقناطیسی بہاد کے صفر ہونے کا مطلب ہے کہ کوئی مقناطیسی اثر موجود نہیں لہذا قوت F_m بھی صفر ہو گا۔ اور ہم جانتے ہیں کہ صفر کا تکمل صفر ہی ہوتا ہے۔ لہذا اس مساوات میں $\int_0^{x_0} F_m(x,0) \, \mathrm{d}x = 0$ ہو گا۔ یوں پہلے رائے پر تکمل یعنی مساوات 4.18 صفر کے برابر ہے یعنی

(4.19)
$$\int_{\mathbb{R}^2} \partial W_m = \int_0^0 i(x,0) \, \mathrm{d}\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \, \mathrm{d}x = 0$$

اسی طرح مساوات 4.17 کی دوسرے رائے کے تکمل کے جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(4.20)
$$\int_{\mathbb{R}^n} \partial W_m = \int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda - \int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x$$

اں میں ہم دکیھے ہیں کہ پورے راتے $x=x_0$ رہتا ہے۔ قوت کا کلمل صفر ہے چونکہ $x=x_0$ ابتدائی اور اختامی قیمتیں برابر ہیں۔ لینی $x=x_0$

(4.21)
$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x = 0$$

آخر میں رہ گیا برتی رو کا تکمل۔ مساوات 4.15 کو استعال کرتے ہوئے

$$(4.22) \qquad \qquad \int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda \, \mathrm{d}\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

اس طرح ہمیں آخر کار مقناطیسی میدان میں توانائی کی مساوات حاصل ہو گئی۔

(4.23)
$$W = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

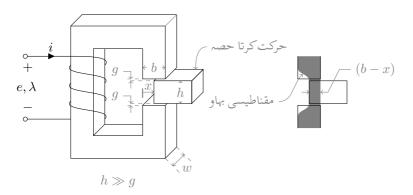
4.14 اور مساوات کی مدد سے مساوات 4.13 کے ذریعہ قوت $F_m(x,\lambda)$ اور مساوات کہ خرایعہ برقی رو $i(x,\lambda)$ کا حساب اب ممکن ہے۔

مثال 4.2 شکل 4.6 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکت $g=1\,\mathrm{mm}$ ، N=500 کرنے والے جصے اور ساکن جصے کے مابین خلائی درز g ہے۔ اگر $w=0.4\,\mathrm{m}$ نائی $w=0.4\,\mathrm{m}$ معلوم کریں۔

$$W_m = \frac{1}{2} \frac{N^2 \mu_0 A_g}{2g} i^2$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{500^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.4(0.2 - x)}{2 \times 0.001} \times 30^2$$

$$= 28278(0.2 - x)$$



شكل4.6: حركت اور توانائي_

جاول کے برابر ہے۔

مثال F_m معلوم کریں۔ G_m معلوم کریں۔ G_m معلوم کریں۔

حل: مساوات 4.13 کہتا ہے کہ $\left| F_m = - \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0}$ حل خطاب ہے کہ تونائی کے متغیرہ x اور x ہونے چاہئے۔

مثال 4.2 میں ہم نے توانائی معلوم کی۔البتہ یہ معلوم کرنے کے لئے ہم نے مثال 4.2 میں ہم نے توانائی معلوم کی۔البتہ یہ معلوم کی جائے ہم نے $\lambda=Li$ کی جبائے $\lambda=Li$ کی جبائے۔ $\lambda=Li$ کی جبائے۔ درست $W_m(x,\lambda)$ کو استعال نہیں کر سکتے۔ ہمیں $W_m(x,\lambda)$ چاہئے۔ درست طریقہ یہ ہے

$$W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2(\frac{N^2\mu_0 A_g}{2g})} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0 w(b-x)}$$

4.3. توانائي اور كو- توانائي

اب اسے مساوات 4.13 میں استعال کرتے ہوئے

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2 \mu_0 w(b-x)^2}$$

تفرق لینے کے بعد λ کی جگہ Li پُر کیا جا سکتا ہے۔یوں قوت

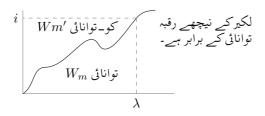
$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28278$$

نیوٹن حاصل ہوتا ہے۔منفی قوت کا مطلب ہے کہ قوت x کی اُلٹ جانب ہے لینی حرکت کرنے والا حصہ اس جانب حرکت کرے گا جس جانب فاصلہ کم ہوتا ہو۔

4.3 توانائی اور کو-توانائی

شکل 4.7 میں λ اور i کے مابین ترسیم دکھایا گیا ہے۔ جیسا آپ دکیھ سکتے ہیں کہ کئیر λ رقبہ رقبہ دراصل توانائی ہی ہے۔ اگر ہم اس ترسیم پر کوئی ایک نقطہ λ ایک اور اس نکتے سے ایک کئیر پنچ کی طرف اور دوسری کئیر بائیں جانب کھنچے تو ہمیں ایک منتظیل ملتا ہے جس کا رقبہ λ نفل λ برابر ہو گا۔ اگر اس میں سے ہم توانائی λ منفی کر لیں تو جو مقدار ملتی ہے اس کو کو-توانائی λ کہتے ہیں یعنی

$$(4.24) W_m' = \lambda i - W_m$$



شكل 4.7: كو-توانائي كي تعريف_

اس مساوات کے تدریجی تفرق¹³

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

میں مساوات 4.10 کے استعال سے

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W'_{m} = \lambda \partial i + F_{m} \partial x$$

حاصل ہوتا ہے۔

مساوات 4.11 ،4.12 اور 4.14 کی طرح بیہاں بھی کسی بھی تفاعل z(x,y) کا تدریجی فرق

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

ہے۔ یوں ہم کو-توانائی $W'_m(x,i)$ کے لئے کھ سکتے ہیں

(4.26)
$$\partial W'_m(x,i) = \frac{\partial W'_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W'_m}{\partial i} di$$

اس مساوات کو مساوات 4.25 کے سات دیکھیں تو

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{T_0}$$

partial differential¹³

4.3. توانائی اور کو- توانائی

اور

$$(4.28) F_m = \frac{\partial W_m'}{\partial x} \bigg|_{i_0}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ قوت معلوم کرنے کی یہ دوسری مساوات ہے۔ اس مساوات میں کو-توانائی استعال ہوتی ہے جبکہ مساوات 4.13 میں توانائی کے ذریعہ قوت حاصل کی گئی۔

بالکل توانائی کے طریقہ سے ان مساوات کے تکمل سے حاصل ہوتا ہے

(4.29)
$$W'_m(i_0, x_0) = \int_0^{i_0} \lambda(i, x_0) \, \mathrm{d}i$$

جن نظام میں λ اور i تغیر راست ہوں اور جنہیں مساوات 2.29 کے تعلق سے پیش کیا λ جا سکے ان کے لئے اس مساوات کو مزید یوں حل کیا جا سکتا ہے۔

(4.30)
$$W'_m(i,x) = \int_0^i L(x)i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x)i^2}{2}$$

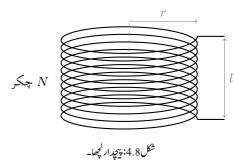
کچھ مسائل میں توانائی اور کچھ میں کو-توانائی کا استعال زیادہ آسان ہوتا ہے۔

مثال 4.4: شکل 4.8 میں ایک پیچدار لچھا 14 و کھایا گیا ہے جس کی محوری لمبائی 14 دراس 1 اور چکر 1 ہیں۔ایسے پیچدار لچھ کی مقناطیسی بہاو محوری سمت میں لچھے کے اندر ہی رہتی ہے۔ لچھے کے باہر مقناطیسی بہاو کی مقدار قابلِ نظر انداز ہوتی ہے۔یوں لچھے کے اندر محوری لمبائی کی سمت میں میدانی شدت 11 ہوتی ہے۔

ایسے پیچدار کیجے موصل دھاتوں کو امالی برقی توانائی کے ذریعہ پکھلانے کے لئے استعال 100 کئے جاتے ہیں۔ میں اس طرح کی 100 کلوواٹ سے 1500 کلو واٹ برقی طاقت کی 3000 کلوگرام سے 3000 کلوگرام اوبا پکھلانے کی امالی برقی بھٹیالی 150 بناتا رہا ہوں جو 1500 برٹز سے 1200 ہرٹز کے درمیاں کام کرتی ہیں۔ اس طرح کے پیچدار کیجے میں غیر موصل پیالے میں موصل دھات کے گلائے ڈالے جاتے ہیں اور اس کیجے میں بدلتی رو گزاری جاتی میں موصل دھات کے گلائے ڈالے جاتے ہیں اور اس کیجے میں بدلتی رو گزاری جاتی ہے۔ دھات میں بھنور نما امالی برقی رو اسے گرم کر کے پکھلا دیتی ہے۔ لوہے کو یوں 1650 ڈگری ٹلمئری 1000

spiral coil14

high frequency, induction furnaces 15 Celsius, Centigrade 16



- اس پیچدار کچھ پر معین برتی رو I_0 گزرنے کی صورت میں ردائی سمت میں میکانی دباو یعنی قوت نی مربع رقبہ معلوم کریں۔
 - میری 3000 کلوگرام لوہا پھلانے کی بھٹی کے پیچدار کچھ کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

$$N = 11$$
, $I_0 = 10\,000\,\mathrm{A}$, $l = 0.94\,\mathrm{m}$, $r = 0.49\,\mathrm{m}$

اس پر رداسی ست میں میکانی دباو، نیوٹن فی مربع میٹر، میں حاصل کریں۔

حل الف:

ہم کو-توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

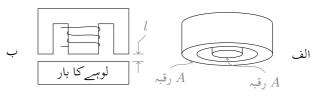
$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W'_m(r,i) &= \frac{L i^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W'_m}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

یہ مثبت قوت ردای سمت میں باہر کی جانب ہے۔ کچھے کی گول سطح $A=2\pi r l$ ہے۔ یول میکانی دباو

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

-4

4.3. توانائی اور کو- توانائی



شكل 4.9: برقى مقناطيس _

عل ب:

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8605 \,\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

مثال 4.5: 2000 کلوواٹ سے 3000 کلوواٹ کی لوہا پگھلانے کی بھٹیاں 30 ٹن 77 سے 70 ٹن لوہا روزانہ پگھلاتی ہیں۔ 81 اتنا وزن ایک جگہ سے دوسری جگہ نتقل کرنے کی خاطر عموماً برتی مقناطیس استعال ہوتا ہے۔ 20 4.9-الف میں ایک ایبا ہی برتی مقناطیس وکھایا گیا ہے جس کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

$$N = 300, \quad A = 0.8 \,\mathrm{m}^2, \quad I = 30 \,\mathrm{A}$$

اگر برقی مقناطیسی اور لوہے کے درمیان اوسط فاصلہ 2.5 سنٹی میٹر لیا جائے تو یہ برقی مقناطیسی کتنی کمیت لوہا اٹھا سکتی ہے۔

حل:

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 A}{2l} \\ W_m'(l,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l} \\ F &= \frac{\partial W_m}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.0254^2} = 31\,558\,\mathrm{N} \end{split}$$

¹⁷ ہزار کلو گرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ ¹⁸ سیمیں اپنے تجربے کی منیاد پر کہہ رہاہوں۔ یوں یہ مقناطیس $\frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$ کمیت اٹھا سکتا ہے۔

مثال 4.6: مثال 4.3 کو کو-توانائی کے طریقہ سے عل کریں۔

حل: مساوات 4.30 سے

$$W_m' = \frac{L(x)i^2}{2} = \frac{N^2 \mu_0 w(b-x)i^2}{4g}$$

اور مساوات 4.28 سے

$$F_m = \frac{\partial W_m}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4g} = -28278 \,\mathrm{N}$$

بیہ اتنی ہی قوت ہے۔ ہونا بھی ایبا ہی چاہئے۔

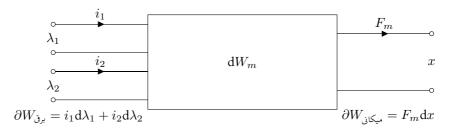
4.4 زياده لچھوں كامقناطيسي نظام

 $| i \rangle$ تک صرف ایک کچھ کے نظام کا مطالعہ کیا گیا ہے۔ اس حصہ میں ایک سے زیادہ کچھوں کے نظام کا مطالعہ کیا جائے گا۔ زیادہ کچھوں کا نظام بھی بالکل ایک کچھ کے نظام کی طرح حل ہوتے ہیں۔ شکل 4.10 میں بائیں جانب ایک کچھے کا برقی رو i_1 اور دوسرے کچھے کا برقی رو i_2 ہے۔ لہذا

$$\partial W_{\tilde{\mathfrak{Z}}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

$$\partial W_{\mathbf{j}} = \partial W_{\mathbf{k}} + \partial W_{m}$$

$$(4.33) i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 = F_m dx + \partial W_m$$



شكل4.10: دولىچھوں كانظام۔

کھا جا سکتا ہے جہاں پہلی مساوات کو دوسری میں پُر کرتے ہوئے تیسری مساوات حاصل کی گئی جسے مزید یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - F_m \, \mathrm{d}x$$

اب بالكل مساوات 4.11 كى طرح

(4.35)
$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} dx$$

اس مساوات میں ہم نے دائیں طرف کی جگہ لکھا ہے۔ مساوات 4.34 اور 4.35 سے حاصل ہوتا ہے

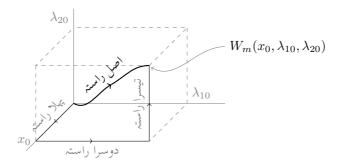
(4.36)
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, x}$$

(4.37)
$$i_2 = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_2} \bigg|_{\lambda_1, x}$$

(4.38)
$$F_m = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

یہ مساوات تب استعال ہو سکتے ہیں جب ہمیں توانائی W_m معلوم ہو لہذا ہم پہلے اس کو معلوم کرتے ہیں۔

شکل 4.10 میں دونوں کچھوں کو اس طرح طاقت دی جاتی ہے کہ λ_1 اور λ_2 آہتہ آہتہ صفر سے بڑھتے ہوئے λ_{1_0} اور λ_{2_0} تک پہنچ جاتے ہیں اور سات ہی سات x صفر



شکل 4.11: دو لچھوں کے نظام میں مقناطیسی میدان میں توانائی۔

ے تبدیل ہو کر x_0 ہو جاتا ہے۔ اس اصل راتے کو شکل 4.11 میں موٹی کیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ بالکل مساوات 4.17 کی طرح ہم کھ سکتے ہیں۔

(4.39)
$$\int\limits_{U^{-1}} \partial W_m = \int\limits_{U^{-1}} \partial W_m + \int\limits_{U^{-1}} \partial W_m + \int\limits_{U^{-1}} \partial W_m + \int\limits_{U^{-1}} \partial W_m$$

ہم دائیں جانب کے کمل کو باری باری حل کرتے ہیں۔

(4.40)
$$\int_{\mathbb{R}^{2}} \partial W_{m} = \int_{0}^{0} i_{1} d\lambda_{1} + \int_{0}^{0} i_{2} d\lambda_{2} - \int_{0}^{x_{0}} F_{m} dx$$

اگر کمل کے ابتدائی اور اختامی نقطے ایک ہی ہوں تو کمل صفر کے برابر ہوتا ہے لہذا

(4.41)
$$\int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

ہوں گے۔ پہلے راتے λ_1 اور λ_2 دونوں صفر ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ دونوں کچھوں میں برقی رو صفر ہے، لہذا مقناطیسی بہاو کی غیر موجودگی میں قوت $F_m=0$ ہو گا اور صفر کا کمل صفر ہی ہوتا ہے لیعنی

(4.42)
$$\int_0^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = \int_0^{x_0} 0 \, \mathrm{d}x = 0$$

اس طرح

$$\int_{U_{\infty}} \partial W_m = 0$$

حاصل ہوتا ہے۔دوسرے راستے پر

(4.44)
$$\int_{0}^{\infty} \partial W_m = \int_{0}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, d\lambda_1 + \int_{0}^{0} i_2 \, d\lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, dx$$

جیبا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر کھل کے ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک ہی ہوں تو کھل صفر کے برابر ہوتا ہے البذا

(4.45)
$$\int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے جس سے

$$\int_{0}^{\lambda_{10}} \partial W_m = \int_{0}^{\lambda_{10}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1$$

رہ جاتا ہے۔ یہاں ہمیں مساوات 2.33 ، 2.36 اور 2.38 کی ضرورت پڑتی ہے۔ یہ تین مساوات مندرجہ ذیل ہیں

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$$

$$(4.49) L_{12} = L_{21}$$

ان مساواتوں کو جم i_1 اور i_2 کے لئے حل کریں تو حاصل ہوتا ہے۔

(4.50)
$$i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

(4.51)
$$i_2 = \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D}$$

جہاں

$$(4.52) D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

کے برابر ہے۔اب ہم مساوات 4.46 میں مساوات 4.50 پُر کرتے ہیں۔ چونکہ دوسرے رائے λ_2 مفر ہے لہذا

(4.53)
$$\int_0^{\lambda_{1_0}} \left(\frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) d\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{1_0}} \lambda_1 d\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

کے برابر ہے۔یوں

$$\int\limits_{|\mathcal{S}|}\partial W_m=\frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اسی طرح تیسرے رائے پر

(4.55)
$$\int_{\lambda_{1_0}} \partial W_m = \int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, d\lambda_1 + \int_0^{\lambda_{2_0}} i_2 \, d\lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, dx$$

جیبا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کے ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے لہذا

(4.56)
$$\int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے اور بقایا جھے میں i₂ پُر کرتے ہوئے

(4.57)
$$\int_{0}^{\lambda_{2_{0}}} i_{2} d\lambda_{2} = \int_{0}^{\lambda_{2_{0}}} \left(\frac{L_{11}\lambda_{2} - L_{21}\lambda_{1}}{D} \right) d\lambda_{2}$$
$$= \frac{L_{11}\lambda_{2_{0}}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے

(4.58)
$$\int_{|\mathcal{L}_{i}^{\vec{k}}| \approx 1} \partial W_{m} = \frac{L_{11}\lambda_{2_{0}}^{2}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_{0}}\lambda_{2_{0}}}{D}$$

ملتا ہے۔

رساوات 4.54 اور 4.58 کو جمع کر کے مساوات 4.39 کا طل ماتا ہے۔ $\int \partial W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$

اس طرح اگر ہم کو-توانائی سے حل کرتے تو

(4.60)
$$\partial W'_m(x, i_1, i_2) = \lambda_1 di_1 + \lambda_2 di_2 + F_m dx$$

جہاں

(4.61)
$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_1} \right|_{x, i_2}$$

(4.62)
$$\lambda_2 = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_2} \right|_{x, i_1}$$

(4.63)
$$F_m = \left. \frac{\partial W_m'(x, i_1, i_2)}{\partial x} \right|_{i_1, i_2}$$

اس طرح ماوات 4.59 کی جگه کو-توانائی کے لئے حاصل ہوتا ہے

(4.64)
$$W'_m(x, i_1, i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

جس سے قوت کی مساوات

(4.65)
$$F_m = \frac{i_1^2}{2} \frac{dL_{11}(x)}{dx} + \frac{i_2^2}{2} \frac{dL_{22}(x)}{dx} + i_1 i_2 \frac{dL_{12}(x)}{dx}$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 4.7: شکل 4.10 میں میکانی کام کو $\partial W_{ij} = T_m \, \mathrm{d} \theta$ کھ کر توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔

حل:

$$\partial W_{\mathbf{\ddot{\mathbf{\mathcal{J}}}}_{\mathcal{A}}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

اور
$$\partial W_{\dot{j}} = T_m \,\mathrm{d} heta$$
 کو

$$\partial W_{\ddot{\ddot{\mathbf{J}}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}}$$
 بياني $+ \partial W_m$

میں یُر کرنے سے

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - T_m \, \mathrm{d}\theta$$

 W_{m-2} جاصل ہوتا ہے۔ W_{m-2} جزوی

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} d\theta$$

کا میاوات 4.66 کے ساتھ موازنہ کرنے سے

(4.67)
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, \theta}$$

(4.68)
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1, \theta}$$

(4.69)
$$T_m = -\left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \theta} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان مساوات کا آخری جزو بالکل مساوات 4.34 کی طرح ہے۔اس کو حل کرنے کا ایک ایک قدم بالکل مساوات 4.34 کو حل کرنے کی طرح ہو گا بس فاصلہ x کی جگہ زاویہ θ آئے گا۔یوں جواب میں میدانی توانائی کے متغیرات $\lambda_1, \lambda_2, \theta$ ہوں گے یعیٰ۔

$$(4.70) W_m(\lambda_{1_0}, \lambda_{2_0}, \theta_0) = \int W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

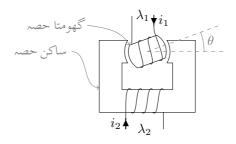
اسی طرح کو-توانائی کے لئے جواب سے ہے

$$\partial W'_m(i_1, i_2, \theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$

(4.72)
$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{1}} \Big|_{i_{2}, \theta}$$

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{2}} \Big|_{i_{1}, \theta}$$

$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial \theta} \Big|_{i_{1}, i_{2}}$$



شکل 4.12: دو کیجھوں کے نظام میں قوت مروڑ۔

جہاں

(4.73)
$$W'_m(i_1, i_2, \theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

ے۔

مثال 4.8: شکل 4.12 میں دو لچھوں کا نظام دکھایا گیا ہے۔اس نظام کا ایک حصہ ساکن رہتا ہے اور دوسرا گھوم سکتا ہے۔افتی کلیر سے گھڑی کی اُلٹی جانب زاویہ θ ناپا جاتا ہے۔لچھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندرجہ ذیل ہیں۔

$$L_{11} = 20 + 30\cos 2\theta$$

$$L_{22} = (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3}$$

$$L_{12} = 0.15\cos \theta$$

برتی رو T_m معلوم کریں۔ $i_1 = 0.02\,\mathrm{A}, i_2 = 5\,\mathrm{A}$ برتی رو کریں۔

حل:مساوات 4.73 سے کو-توانائی حاصل ہوتی ہے اور مساوات 4.72 کے آخری جزو سے توت مروڑ لیعنی

$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3} i_2^2 \sin 2\theta - 0.15 i_1 i_2 \sin \theta$$
$$= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$
$$= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$

قوت مروڑ منفی ہونے کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں گے تو یہ نظام اسے کم کرنے کی جانب قوت مروڑ پیدا کرے گا اور اگر آپ آپ زاویہ کم کرنے کی کوشش کریں تو یہ زاویہ بڑھانے کی جانب قوت مروڑ پیدا کرے گا۔سادہ زبان میں گھومتا حصہ اُفتی لکیر پر رہنے کی کوشش کرے گا۔

باب5

گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مخلف گھومتے مشین کے بنیادی اصول پر غور کیا جائے گا۔ظاہری طور پر مخلف مشین ایک ہی قتم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

5.1 قانونِ فيرادُك

فیراڈے کے قانون ا کے تحت جب بھی ایک کچھے کا ارتباط بہاو λ وقت کے ساتھ تبدیل ہو تو اس کچھے میں برتی دباو پیدا ہوتا ہے۔ یعنی

$$(5.1) e = -\frac{\partial \lambda}{\partial t} = -N\frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گھومتے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے لائی جاتی ہے۔ یا تو کچھے کو ساکن مقناطیس مقناطیس گھمایا جاتا ہے، وغیرہ وغیرہ۔ وغیرہ۔

Faraday's law¹

لیجے مقناطیسی قالب² پر لیٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو حاصل کیا جاتا ہے اور لچھوں کے مابین مشترکہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کی جگہ پہنچایا جاتا ہے۔ دیگر یہ کہ قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کی جگہ پہنچایا جاتا ہے۔

چونکہ ایسے مثین کے قالب میں مقاطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے لہذا قالب میں بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے قالب میں بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر، قالب کو باریک لوہے کی پتری 4 تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے ۔ یہ بالکل اس طرح ہے جیسے ٹرانسفار مروں میں کیا جاتا ہے۔

5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برقی جزیئر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے۔ اس کے قالب میں ایک مقاطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقاطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ θ_m سے بتلائی جاتی ہے۔ افقی کلیر سے گھڑی کے الٹ سمت زاویہ θ_m نایا جاتا ہے۔

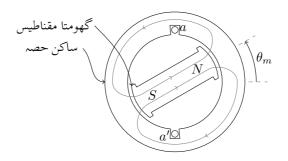
یہاں پچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیں ایک مقررہ رفتار سے یوں گھوم رہا ہو کہ یہ ہر سینڈ میں n مکمل چکر لگائے تو ہم کہتے ہیں کہ مقناطیں کے گھومنے کی تعدد n ہر ٹرڈ ہے۔ ای بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیں 60n چکر فی منٹ 00n کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 00n زاویہ یا 00n ریڈیئن فی سینڈ بھی کہا ریڈیئن آپ سے مشتمل ہوتا ہے۔ البذا ای گھومنے کی رفتار کو 00n ریڈیئن فی سینڈ بھی کہا جا سکتا ہے۔ اس بات کو اب ہم یوں بیان کر سکتے ہیں۔ اگر مقناطیں کے گھومنے کی تعدد 00n ہر ٹر ہو تو ہہ س ریڈیئن فی سینڈ کی رفتار سے گھومتا ہے۔ جہاں

$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس کتاب میں گھومنے کی رفتار عموماً ریڈیئن فی سینڈ میں ہی بیان کی جائے گا۔

magnetic core²
eddy currents³
laminations⁴
Hertz⁵
rounds per minute, rpm⁶

5.2. معاصر مثين



شکل 5.1: دو قطب،ایک دور کامعاصر جنزیٹر۔

شکل 5.1 میں دکھائے گئے مثین میں مقناطیس کے دو قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطب والا مثین کہتے ہیں۔ اس مثین میں ایک ساکن لچھا استعال ہوا ہے جس کی وجہ سے اس کو ایک لچھے کا مثین بھی کہتے ہیں۔ اس کے باہر مقناطیسی قالب ہے۔ قالب میں، اندر کی جانب دو شکاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ لچھے کو α اور α میں، اندر کی جانب دو شکاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ لچھے کو α اور α کیا گیا ہے۔ چونکہ یہ لچھا جزیئر کے ساکن حصہ پہ پایا جاتا ہے الہذا ہے بھی ساکن رہتا ہے اور اس وجہ سے اسے ساکھ لچھا α کہتے ہیں۔

مقناطیس کا مقناطیسی بہاو اس کے شالی قطب 9 N سے نکل کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر اور ایک مرتبہ پھر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا مقناطیس کے جنوبی قطب 10 S میں داخل ہوتا ہے۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سابی کے کیروں سے دکھایا گیا ہے۔ اگر غور کیا جائے تو یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کیے میں سے بھی گزرتا ہے۔

شکل 5.1 میں مقناطیس سیرھے سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔ شکل 5.2 میں اس مقناطیس کو تقریباً گول دکھایا گیا ہے۔ یہاں مقناطیس کے محور کا زاویہ θ_m صفر کے برابر ہے۔مقناطیس اور ساکن قالب کے درمیان صفر زاویہ، لیعنی $\theta=\theta$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ، لیعنی $\theta=\theta$ ، پہر خلائی درز سے زیادہ مقناطیسی بہاو مکن ہوتا ہے۔خلائی درز کو یوں تبدیل کیا جاتا ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی

stator coil⁸ north pole⁹ south pole¹⁰

بہاد پیدا ہو۔ مقناطیسی بہاد مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پہ داخل ہوتا ہے۔ اگر مقناطیس اور قالب کے درمیان خلائی درز میں B سائن نما ہو، لیعنی

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

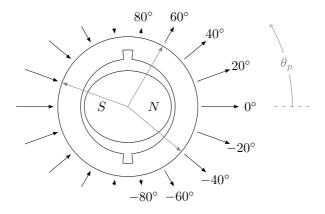
(5.4)
$$B = B_0 \cos \theta_p$$

$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

للبذا

$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس سے پیدا سائن نما مقناطیسی دباو دکھایا گیا ہے۔ ایسے مقناطیسی دباو کو ہم عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کرتے ہیں جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباو 5.2. معاصر مثين



شکل 5.2: کثافت مقناطیسی بہاو کی زاویہ کے ساتھ تبدیلی۔

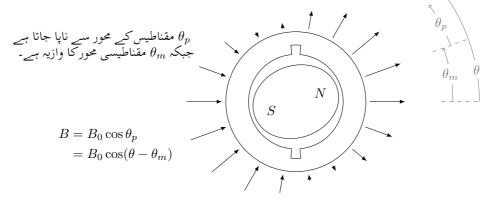
کے حیط کے برابر ہوتا ہے اور اس کی سمت مقناطیس کی شال کو ظاہر کرتا ہے۔ شکل 5.4 میں ایبا ہی دکھایا گیا ہے۔ یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ اس سمتیہ کی سمت سائن نما مقناطیسی دباو کے حیطہ کو واضح کرتا ہے۔

شکل 5.3 میں مقناطیں کو کسی ایک لحمہ t_1 زاویہ $\theta_m(t_1)$ پہ دکھایا گیا ہے۔ یہاں ω_0 مقررہ رقار مقناطیں، گھڑی کے الٹی سمت، ایک مقررہ رقار λ_θ ماکن لچھے کا ارتباط بہاو λ_θ میں اس لحمہ e(t) برقی دباو پیدا ہو گا جہاں ω_0

$$(5.6) e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

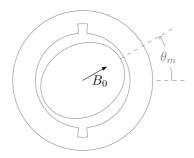
کے برابر ہے۔چونکہ جمیں برقی دباو کی قیمت نا کہ اس کے \mp ہونے سے دلچیں ہے لہذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔

جب متناطیس آدھا چکر، یعنی π ریڈیئن، گھومے تو اس کے دونوں قطب آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گے۔ لیچھے میں متناطیسی بہاو کی سمت اُلٹی ہو جائے گی۔ ساکن لیچھے میں ارتباط بہاو اب -e(t) ہو جائیں گے۔ اور اس میں امالی برقی دباو -e(t) ہو جائیں گے۔ اور جب متناطیس ایک مرتبہ پھر اسی جگہ ہو گا جہاں سے شکل جب متناطیس ایک مرتبہ پھر اسی جگہ ہو گا جہاں سے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ساکن لیچھے کا ارتباط بہاو ایک مرتبہ پھر λ_0 ہی ہو گا اور اس میں



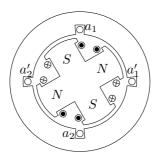
شكل 5.3:جب مقناطيس كسي زاويه په هو تو كثافت ِ مقناطيسي بهاويوں هو گا

سائن نما مقناطیسی دباو کو سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کا طول B_0 اور اس کی سمت چوٹی کا زاویہ دیتی ہے۔



شكل 5.4: مقناطيسي دباو كوسمتيه سے ظاہر كياجا تاہے۔

5.2. معاصر مثين





شكل 5.5: چار قطب والاايك دور معاصر جنزيٹر۔

امالی برقی دباو بھی ایک مرتبہ پھر e(t) ہی ہوں گے۔ یعنی مقناطیس اگر $\theta_m=2\pi$ کا زاویہ طح کرے تو امالی برقی دباو کے زاویہ میں $\theta_e=2\pi$ کی تبدیلی آتی ہے۔ البذا دو قطب کی مثین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e برابر ہوتے ہیں، یعنی

$$\theta_e = \theta_m$$

ال مشین میں اگر مقناطیں n چکر فی سینٹہ کی رفتار سے گھوے تو لچھے میں امالی برقی وباو وباو e(t) جمی ایک سینٹہ میں n کمل چکر کاٹے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ e(t) کی مقدار n ہرٹز 12 ہے۔ یعنی اس صورت میں $f_e=n$ ہرٹز 13 یا ہم کسی بھی تعدد کے لئے لئھ سکتے ہیں

 $f_e = f_m$

چونکہ اس مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e وقت کے سات تبدیل ہوتے جھی آپس میں ایک نسبت رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 14 کہتے ہیں۔ یہاں یہ نسبت ایک کی ہے۔

شکل 5.5 میں چار قطب، ایک دور کا معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ جھوٹے مثین میں عموماً مقناطیس 15 استعال ہوتے ہیں۔ عموماً مقناطیس 15 استعال ہوتے ہیں۔

frequency11

 $Hertz^{12}$

Hertz, Hz¹³

synchronous machine¹⁴

electromagnet¹⁵

شکل 5.5 میں ایبا ہی دکھایا گیا ہے۔ دو سے زیادہ قطب والے مشین میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ متن بنایا جاتا ہے۔ شکل میں اس قطب کو θ_m پہ دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب ($\theta_m+\pi$) کے زاویہ پہ ہے۔

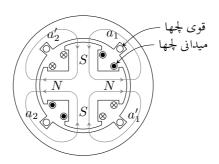
جیبا کہ نام سے واضح ہے، اس مثین میں موجود مقاطیس کے چار قطب ہیں۔ ہر ایک شال قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ ایک دور کی آلوں میں مقاطیس کے جنے قطب کے جوڑے ہوتے ہیں، اس میں اتنے ہی ساکن کچھے ہوتے ہیں۔ چونکہ شکل میں دیئے گئے مثین کے چار قطب لیعنی دو جوڑے قطب ہیں، لہٰذا اس مثین کے ساکن حصہ پہر دو ساکن کچھے لیٹے گئے ہیں۔ ایک کچھے کو a_1 سے واضح کیا گیا ہے اور دوسرے کو a_2 سے دو ساکن کچھے لیٹے گئے ہیں۔ ایک کچھے کو a_1 اور a_1' میں لیٹا گیا ہے۔ ای طرح a_2 میں موجود دو شگاف a_1 اور a_1' میں لیٹا گیا ہے۔ ای طرح ور شگاف بیدا ہوتی ہے۔ ان دونوں کچھوں میں میسال برتی دباو پیدا ہوتی ہے۔ ان دونوں کچھوں کو سلسلہ وار آ جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیڑ کی کل برتی دباو ایک کچھے میں پیدا برتی دباو کے دگنا ہوتا ہے۔ایک دور کے آلوں میں اگر برتی دباو کے دگنا ہوتا ہے۔ایک دور کے آلوں میں اگر برتی دباو کے دگنا ہوتا ہے۔ایک دور کے آلوں میں اگر برتی دباو کے دگنا ہوتا ہے۔ایک دور کے آلوں میں اگر برتی دباو کے دگنا ہوتا ہے۔ایک دور کے آلوں میں اگر برتی دباو کے دگنا ہوتا ہے۔ایک دور کے آلوں میں اگر بر ایک ساکن کچھا ایبا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل میں چار قطب ہیں لہٰذا اس کا ایک کھا نوے میکائی زاویہ کے اصاطے کو گھر رہا ہے۔

اب تک ہم نے گھومتے کچھے اور ساکن کچھے کی بات کی ہے۔یہ دو کچھے دراصل دو بالکل مختلف کارکردگی کے حامل ہوتے ہیں۔اس بات کی یہاں وضاحت کرتے ہیں۔

جیبا پہلے بھی ذکر ہوا چھوٹی گھومتی آلوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس ہی فراہم کرتی ہے جبکہ بڑے آلوں میں برتی مقناطیس یہ میدان فراہم کرتی ہے۔اگرچہ اب تک کی شکلوں میں مقناطیس کو گھومتے حصہ کے طور پر دکھایا گیا ہے گر حقیقت میں یہ بھی مشین کا گھومتا حصہ اور بھی یہ اس کا ساکن حصہ ہوتا ہے۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے گل برقی طاقت کے چند فی صد برابر برتی طاقت استعال کرتا ہے۔اس میدان فراہم کرنے وربری میدان فراہم کرنے والے کھے کو مدافی کھا ان کھے ہیں۔اس کے برعکس مشین میں موجود دوسری فراہم کرنے والے کھے کو مدافی کھا ان کے بیا۔اس کے برعکس مشین میں موجود دوسری

series connected¹⁶ field coil¹⁷

5.2. معاصر مثين



شكل 5.6: چار قطب اور دو لحجه والے مشين ميں مقناطيسي بہاو۔

نوعیت کے لیچے کو قورے کچھا¹⁸ کہتے ہیں۔برتی جزیٹر سے حاصل برتی طانت اس قوی کچھ سے ہی حاصل کیا جاتا ہے ۔برتی موٹروں میں میدانی کچھے میں چند نی صد برتی طانت کے خرج کے علاوہ بقایا سارا برتی طانت اس قوی کچھے کو ہی فراہم کیا جاتا ہے۔

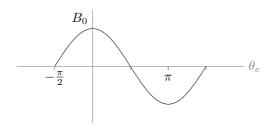
اب اگر ہم، گھومتے اور ساکن حصہ کے درمیان، خلائی درز میں B کو دیکھیں تو شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر کی جانب نکل کر قالب میں داخل ہوتا ہے جبکہ جنوبی قطب میں مقناطیسی بہاو قالب سے نکل کر جنوبی قطب میں اندر کی جانب داخل ہوتا ہے۔ یہ شکل 5.6 میں دکھایا گیا ہے۔ لیوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کائیں تو مقناطیسی بہاو کی سمت دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گی۔ مزید میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کسے کیا جاتا ہے، اس کو ہم آگے پڑھیں گے۔ لہذا اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما برق جات ہی کے مقدار، شکل 5.7 کی طرح ہو گی۔اس شکل میں برق ناویہ ج

یوں ہم ایک ایک معاصر مثین جس میں P قطب مقناطیس پایا جاتا ہو کے لئے لکھ \longrightarrow

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

armature coil¹⁸



شكل 5.7: سائن نما كثافت مقناطيسي بهاويه

اس صورت میں میکانی اور برتی تعدد ایک مرتبہ پھر آپس میں ایک نسبت رکتے ہیں۔

مثال 5.1: پاکتان میں گھروں اور کارخانوں میں $50\,\mathrm{Hz}$ کی برتی طاقت فراہم کی جاتی ہے یعنی ہمارے ہاں $f_e=50$ ہے۔

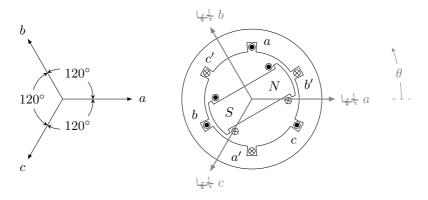
- اگر یہ برتی طاقت دو قطب کے جزیئر سے حاصل کی جائے تو یہ جزیئر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔
 - اگر جزیٹر کے بیں قطب ہوں تب یہ جزیٹر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔

حل:

- مساوات 5.8 سے ہم دیکھتے ہیں کہ اگر ہے برقی طاقت دو قطب،P=2، والے جزیر $f_m=50$ والے جزیر نی سے حاصل کی جائے تو اس جزیر کو $f_m=50$ چکر نی سے خاصل کی جائے تو اس جزیر کو منٹ $f_m=50$ جگر نی سے منٹ $f_m=50$ میں $f_m=50$ منٹ $f_m=50$ منٹ
- اگر یہی برقی طاقت ہیں قطب، P=20، والے جزیئر سے حاصل کی جائے تو پھر اس جزیئر کو $f_m=5$ چکر فی منٹ کی رفتار سے گھمانا ہو گا۔

rpm, rounds per minute¹⁹

5.2. معاصر مشين



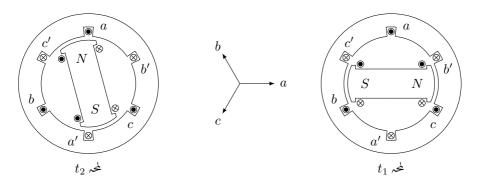
شكل 8.5: دوقطب، تين دور معاصر مشين ـ

اب یہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیٹر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ درحقیقت پانی سے چلنے والے جزیٹر تیز رفار ہوتے ہیں، الہذا پانی سے چلنے والے جزیٹر نیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیٹر آپ کو دو قطب کے ہی ملیں گے۔

شکل 5.8 میں دو قطب والا تین دور کا معاصر مثین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن لیجے ہیں۔ان میں ایک لیجھا a ہے جو قالب میں شگاف a اور a' میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو لیجھے نہ ہوتے تو یہ بالکل شکل 5.1 میں دیا گیا مثین ہی تھا۔البتہ دیے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کیجے ہیں۔

a اگر a کچھا میں برقی رو یوں ہو کہ شکاف a میں برقی رو ، کتاب کے صفحہ سے عمودی رُخ میں باہر کی جانب ہو اور a میں برقی رو کا رخ اس کے بالکل الٹ سمت میں ہو تو ہم کچھے کی سمت کا تعین دائیں ہاتھ کے ذریعہ یوں کرتے ہیں۔

• اگر ہم دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شگافوں میں برقی رو کی جانب لپٹیں تو ای ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کی سمت متعین کرتا ہے۔



شكل 5.9: دو قطب تين دور مشين ـ

a اس سمت کو ہم میں لچھا a کی سمت تیر والی کئیر سے دکھائی گئی ہے۔ اس سمت کو ہم مخر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ لہٰذا شکل میں a لچھا مفر زاویہ پر لپٹا گیا ہے، لیعنی a سمت سے، گھڑی کی اُلٹی رُخ، ناپے جاتے ہیں۔ a کی سمت سے، گھڑی کی اُلٹی رُخ، ناپے جاتے ہیں۔

c فر شگان b اور b' میں رکھا گیا ہے اور لچھا c کو شگان c اور b' میں رکھا گیا ہے اور لچھا c کو شگان c اور c' میں رکھا گیا ہے۔ مزید یہ کہ لچھا c کو c' اور c' میں رکھا گیا ہے۔ مزید یہ کہ c وادر c' واد

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

اسی طرح اگر مقناطیس مزید 120° زاویہ طے کرے تو اس لحمہ t_3 پر لچھا کا ارتباط بہاو $\lambda_c(t_3)$ ہو گا اور مزید ہے کہ ہی کہ ہی $\lambda_c(t_3)$

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

5.2 معاصر شين

ہیں۔ان کمات پر ان کیھوں میں

(5.11)
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

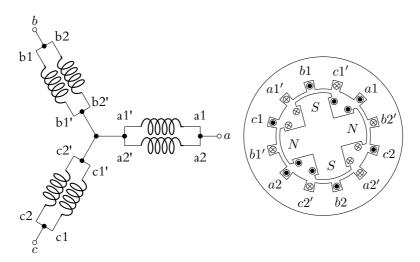
$$(5.12) e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

(5.13)
$$e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔مساوات 5.10 کی روشنی میں

(5.14)
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف لچھا a پایا جاتا تو ہیہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اب اگر اس میں مقاطیس کو گھڑی کی اُلٹی سمت ایک مقررہ رفتار ω_0 سے گھمایا جاتا تو، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، لچھے a میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوتی۔ شکل 5.9 میں کس ایک ایک لچھے کو کسی دوسرے لچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں۔ لہذا اب شکل 5.9 میں اگر مقناطیس اس طرح گھمایا جائے تو اس میں موجود تینوں سائن لچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہو گی البتہ مساوات 5.14 کے تحت یہ برقی دباو آپس میں a 201 کے زاویہ پر ہوں گے۔



شكل5.10: چار قطب، تين دور معاصر مشين ـ

5.3 محرك برقى دباو

v تانونِ لورینز 20 کے تحت اگر برقی بار 21 متناطیسی میدان v میں سمتی رفتار v ہے حرکت کر رہا ہو تو اس پر قوت v اثر کرے گی جہال

(5.15)
$$\boldsymbol{F} = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

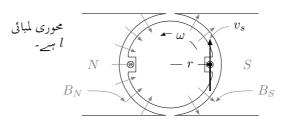
کے برابر ہے۔

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی بار کی سمتی رفتار ہے البذا مقناطیسی میدان کو ساکن تصور کر کے اس میں برقی بار کی سمتی رفتار ی ہو گی۔

اں قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاتی ہے۔اگر یہ برقی بار شروع کے نقطہ سے آخری نقطہ تک سمتی فاصلہ 1 طے کرے تو اس پر W کام ہو گا جہاں

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

Lorentz law²⁰ charge²¹ 5.3. محسر ك برقى د باو



شكل 1:5.11 نيك چكر كالجهامقناطيسي ميدان ميں گھوم رہاہے۔

اکائی مثبت برقی بار کو ایک نقط سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے مابین برقی دباو²² کہتے ہیں اور اس کی اکائی وولئے $abla^{23}$ ہیں اور اس کی اکائی وولئے $abla^{23}$ ہیں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے مابین حاصل برقی دباو

(5.17)
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

وولٹ ہو گی۔

اس طرح حرکت کی مدد سے حاصل برقی دباو کو محرکے بڑتے دباو²⁴ کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برقی دباو کو محرک برقی دباو کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برقی سیل وغیرہ کی برقی دباو کھی محرک برقی دباو کہلاتی ہے۔

اس مساوات کو شکل 5.11 میں استعال کرتے ہیں۔ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔بائیں جانب خلاء میں لچھے کی برقی تار پر غور کریں۔مساوات 5.15 کے تحت اس تار میں موجود مثبت برقی بار پر صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب قوت اثر انداز ہو گی اور اس میں موجود منفی برقی بار پر اس کی اُلٹ سمت قوت عمل کرے گی۔ای طرح مساوات 5.17 کے تحت صفحہ سے باہر جانب برقی تار کا سرا برقی دباو e کا مثبت سرا ہو گا۔ اور صفحہ کی اندر جانب برقی تار کا سرا برقی دباو e کا منفی سرا ہو گا۔

اگر گھومتے حصہ کی محور پر نکی محدد قائم کی جائے تو جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی سمت میں ہے جبکہ شالی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں

potential difference, voltage²² volt²³

electromotive force, emf²⁴

ردان کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار l_S کے لئے r_S

(5.18)
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

للذا اس جانب لچھے کی ایک تار میں پیدا محرک برقی دباو

(5.19)
$$e = (\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \cdot \boldsymbol{l}$$

$$= \omega r B l(\boldsymbol{a}_{\theta} \times \boldsymbol{a}_{r}) \cdot \boldsymbol{a}_{z}$$

$$= \omega r B l(-\boldsymbol{a}_{z}) \cdot \boldsymbol{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

ہو گی۔

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار کی لمبائی کی سبت کی گئ a_z سبت سرا ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تار کا مثبت سرا $-a_z$ کی سبت میں برقی دباو کے منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تار کا مثبت سرا گئی ہے۔یوں اگر $-a_z$ کی سبت میں برقی تار میں برقی رو گزر سکے تو اس کی سبت میں $-a_z$ نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اندر کی جانب ہو گی جمے شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اسی طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم لکھ کتے ہیں

(5.20)
$$egin{aligned} m{v}_N &= vm{a}_{ heta} = \omega rm{a}_{ heta} \ m{B}_N &= -Bm{a}_{ ext{r}} \ m{l}_N &= lm{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

اور يول

(5.21)
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N} \\ = -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = \omega r B l$$

5.3. محسر ک برق د باو

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار کی لمبائی کی سمت a_z لی گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباو کے مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تار کا مثبت سرا برقی تار مست میں ہے لیعنی اس کا اوپر والا سرا مثبت اور نجیلا سرا منفی ہے۔یوں اگر اس برقی تار میں برقی رو گزر سکے تو اس کی سمت a_z لیعنی صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یے دو برقی تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان دونوں کے نچلے سرے سلسلہ وار جڑے ہیں جو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس لچھے کے اوپر نظر آنے والے سروں پر گل برقی دباو کا مجموعہ ہو گا یعنی

(5.22)
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

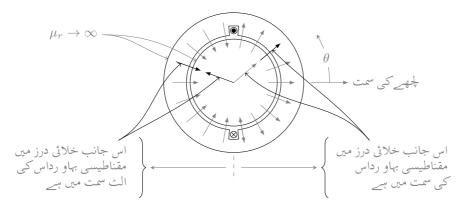
N ہوتی ہے تو A=2rl ہوتی ہے تو A=2rl ہوتی ہے تو A=2rl چکر کے لیجھے سے

(5.23)
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

حاصل ہو گا۔

گومتی آلوں میں خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 سے ظاہر ہے کہ اگر گھومتے کی رفتار اور محوری لمبائی معین ہوں تو پیدا کردہ برقی دباو ہر لمحہ B کے براہِ راست متناسب ہو گا۔ لہذا اگر خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ B تبدیل ہو تو گھومتے کچھے میں پیدا برقی دباو بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ یوں جس شکل کی برقی دباو حاصل کرنی ہو آئی شکل کی کثافتِ مقاطیسی دباو خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔ اگر سائن نما کرفی مقصد ہو تو خلائی درز میں محیط پر سائن نما کثافتِ مقاطیسی بہاو ضروری ہے۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گی۔



شکل 5.12:ساکن کچھا گچھ کی شکل میں ہے۔

5.4 تھیلے کچھے اور سائن نمامقناطیسی دباو

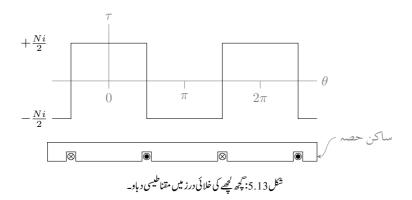
ہم نے اب تک جتنے مثین دیکھے ان سب میں پچھ ²⁵ کچھ دکھائے گئے۔ مزید یہ کہ ان آلوں میں گھومتے جھے یہ موجود مقاطیس کے ابھرے قطبہ²⁶ تھے۔ در حقیقت آلوں کے عمواً ہموار قطبہ²⁷ ہوتے ہیں اور ان میں پھیلے پچھے ²⁸ پائے جاتے ہیں۔ ایبا کرنے سے ہم ساکن اور گھومتے حصول کے درمیان خلائی درز میں سائن نما مقاطیسی دباو اور سائن نما کافت مقاطیسی بہاو پیدا کر سکتے ہیں۔

شکل 5.12 میں ایک لچھا گچھ کی شکل کا دکھایا گیا ہے۔اس کے گھومنے والا حصہ گول شکل کا ہے اور اس کا $\infty + \mu_r \to \infty$ کا مقاطیتی دباو ϕ کو جنم دیتا ہے جس کو ہلکی سیابی کی دباو ϕ کو جنم دیتا ہے جس کو ہلکی سیابی کی کیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقاطیتی بہاو کو لچھے کے گرد ایک چکر کا ٹیخ خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرنا پڑتا ہے۔ لہٰذا

non-distributed coils²⁵

salient poles²⁶ non-salient poles²⁷

distributed winding²⁸



5.4.1 بدلتی رووالے مثین

بدلتی رو (اے سی) مشین بناتے وقت ہے کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہو۔ایبا کرنے کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا

radius²⁰

ہے۔ اس سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتی ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گا۔

 $f(\theta_p)=\sum_{n=0}^{\infty}(a_n\cos n\theta_p+b_n\sin n\theta_p)$ نوریئر تسلسل 30 کو تین کلھ کتے ہیں۔ $f(\theta_p)=\sum_{n=0}^{\infty}(a_n\cos n\theta_p+b_n\sin n\theta_p)$

اگر اس تفاعل کا دوری عرصه T^{-32} ہو تب

(5.26)
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

کے برابر ہوں گے۔

مثال 5.2: شكل 5.13 مين ديئے گئے مقناطيسي دباو كا

- فوريئر شلسل حاصل كرس
- تيسري موسيقائي جزنه اور بنيادي جزنه کي نسبت معلوم کريں۔

حل:

Fourier series³⁰

function³¹

time period³²

third harmonic component³³ fundamental component³⁴

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left(\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(-\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left(\frac{Ni}{2} \right) \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(\pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

اسی طرح

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[-\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[\sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left(\frac{4}{n\pi} \right) \left(\frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

 $a_1=\left(rac{4}{\pi}
ight)\left(rac{Ni}{2}
ight), \quad a_3=-\left(rac{4}{3\pi}
ight)\left(rac{Ni}{2}
ight), \quad a_5=\left(rac{4}{5\pi}
ight)\left(rac{Ni}{2}
ight)$ $a_2=a_4=a_6=0$

اسی طرح

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[\frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

• ان جوابات سے

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

حاصل ہوتا ہے۔لہذا تیسری موسیقائی جزو بنیادی جزو کے تیسرے جھے یعنی 33.33 فی صد کے برابر ہے۔

مثال 5.2 میں حاصل کئے گئے ہوں۔ a_1,a_2,\cdots استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مثاطیبی دباو au کا فوریئر تسلسل یوں کھ کتے ہیں۔

$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

مثال 5.2 سے ظاہر ہے کہ مقاطیسی دباو کے موسیقائی اجزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا جا سکے۔جیبا آپ اس باب میں آگے دیکھیں گے کہ حقیقت میں استعال ہونے والے مقاطیسی دباو میں موسیقائی اجزاء قابل نظر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی جزو سے غرض ہو گا۔ای حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے ہم تسلسل کے موسیقائی اجزاء کو نظر انداز کرتے ہوئے اس مساوات کو یوں لکھتے ہیں۔

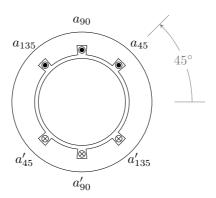
(5.28)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

جہاں

$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

 $\frac{1}{2}$ برابر ہے۔ اس مساوات ہے ہم دیکھتے ہیں کہ شکل 5.12 میں لیجے سے حاصل مقناطیسی دباو بالکل اسی طرح ہے جیسے شکل 5.2 میں سلاخ نما مقناطیس صفر زاویہ پر رکھے حالت میں دیتا۔ اگر یہاں یہ لیجھا کسی ایسے زاویہ پر رکھا گیا ہوتا کہ اس سے حاصل مقناطیسی دباو زاویہ ہو زیادہ ہوتا تو یہ بالکل شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کی طرح کا ہوتا۔ شکل 5.18 ایک ایک ہی مثال ہے۔ ہم بالکل مساوات 5.62 کی طرح اس شکل میں لیجھا α کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

(5.30)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$



شكل 5.14: يصيلا لجهابه

 $\theta_{m_c}=240^\circ$ اور $\theta_{m_b}=120^\circ$ چونکہ چونکہ $\theta_{m_b}=120^\circ$ اور $\theta_{m_b}=120^\circ$ البذا ان کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں۔

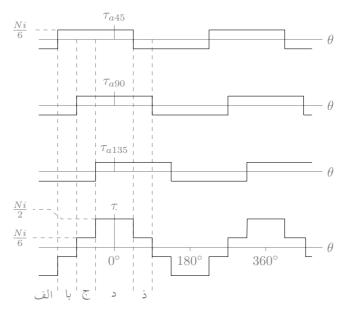
(5.31)
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^\circ \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^\circ) \end{aligned}$$

(5.32)
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^{\circ} \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^{\circ}) \end{aligned}$$

اگرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقاطیتی دباہ سائن نما ہرگز نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض آتکھوں کا دھوکہ ہے۔ اس مقناطیتی دباہ کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اب اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی سب رکن کو صفر کر سکیں تو ہم بالکل سائن نما مقناطیتی دباہ حاصل کر سکتے ہیں۔

N گُل 5.12 میں تقسیم شدہ لچھا دکھایا گیا ہے۔ یہاں شکل 5.12 میں دکھائے گئے N چھوٹا لچھا چھر کے لچھے کو تین چھوٹے کیسال لچھوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔لہٰذا ان میں ہر چھوٹا لچھا N چکر کا ہے۔ ایسے چھوٹے لچھوں کو سلسلہ وار جوڑاN3 جاتا ہے اور یوں ان میں کیسال

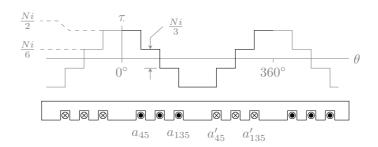
series connected 35



شكل 5.15: تھيلے لچھے كى كُل مقناطيسى دباو۔

برقی رو i گزرے گی۔ ان تین لیجھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے لیجھوں کو شگاف a_{90} اور a_{90}' میں اور کو شگاف a_{45} اور a_{135}' میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے لیجھے کو شگاف a_{135} اور a_{135}' میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑے کو ایک ہی طرح کے نام دیئے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف a جو a_{45} اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا a_{45} اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کے ہیں۔ لہذا شگاف a_{45} درحقیقت a_{45} شگافوں کے نام ان کے زاویوں کی نسبت سے رکھے گئے ہیں۔ لہذا شگاف a_{45} ورحقیقت a_{45} زاویہ پر ہے، شگاف a_{90} نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف a_{135} ایک سو پینیس درجہ زاویہ پر ہے۔



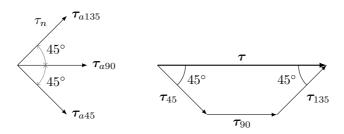
شكل 5.16: كييلي لجھے كامقناطيسى دباو۔

ہٹ کر ہے۔اُوپر سے دوسرا ترسیم لچھا a_{90} کا ہے جو ہو ہبو شکل کی طرح ہے جبکہ اس سے نیچے لچھا a_{135} کا ترسیم ہے جو صفر زاویہ سے a_{45} ہٹ کر ہے۔ان تیوں ترسیمات میں طول $\frac{Ni}{6}$ ہے۔

ان تینوں ترسیمات سے کُل مقناطیسی دباو کا ترسیم یوں حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں عودی نقطہ دار کیریں لگائی گئی ہیں۔ بائیں جانب پہلی کیر کی بائیں طرف علاقے کو الف کہا گیا ہے۔اس علاقے میں پہلے تینوں ترسیمات کی مقدار $\frac{Ni}{6}$ ہے لہٰذا ان کا مجموعہ $\frac{Ni}{6}$ ہو گا۔ یہی سب سے نچلے کُل مقناطیسی دباو کی ترسیم میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح علاقہ بو گا۔ یہی سب ترسیم کی مقدار $\frac{Ni}{6}$ ، دوسری ترسیم کی $\frac{Ni}{6}$ ور تیسری کی بھی $\frac{Ni}{6}$ ور تیسری کی بھی $\frac{Ni}{6}$ ور تیسری کی بھی $\frac{Ni}{6}$ ور تیسری کی مقدار $\frac{Ni}{6}$ بنتا ہے جو کُل مقناطیسی دباو ہے۔ علاقہ ج میں $\frac{Ni}{6}$ ور سب سے نچلے ترسیم میں دباو ہے جو سب سے نچلے ترسیم میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح آپ پورا ترسیم کھننج سکتے ہیں۔

شکل 5.15 کے نچلے ترسیم کو شکل 5.16 میں دوبارہ دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.16 کا اگر شکل 5.15 کے ساتھ نقابل کیا جائے تو محض دیکھنے سے بھی سے ظاہر ہے کہ شکل 5.16 زیادہ سائن نما موج کے نوعیت کا ہے۔ ہمیں فوریئر تسلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ ملتا ہے۔ہم دیکھ سکتے ہیں کہ شگافوں کی جگہ اور ان میں کچھوں کے چکر کو یوں رکھا جا سکتا ہے کہ ان سے پیدا کردہ مقاطیسی دباو سائن نما کے زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔



شكل 5.17: تھيلے لچھے كاجزو پھيلاو۔

چونکہ پھیلے کچھے کے مختلف جھے ایک ہی زاویہ پہ مقناطیسی دباو نہیں بناتے لہذا ان سے حاصل کُل مقناطیسی دباو کا حیطہ ایک گچھ کچھے کے حیطہ سے قدرِ کم ہوتا ہے۔اس اثر کو مساوات 5.29 میں جزو k_w کے ذریعہ یوں ظاہر کیا جاتا ہے۔

(5.33)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

اس ماوات میں k_w کو جروپھیلاو 36 کہتے ہیں۔ یہ اکائی سے قدرِ کم ہوتا ہے لیعنی $0 < k_w < 1$

مثال 5.3: شکل 5.14 میں دیۓ گئے پھیے لچھے کے لئے معلوم کریں۔

 $au_n = rac{4}{\pi} rac{ni}{2}$ حل: شکل 5.17 سے رجوع کریں۔ یہ تین چھوٹے کچھ برابر مقناطیسی دباو $\frac{N}{3}$ البتہ ان کی سمتیں مختلف ہیں۔ یہاں چونکہ ایک کچھا $\frac{N}{3}$ چکر کا ہے البند ایک اب معلوم کرتے $n = rac{N}{3}$ ہیں۔ یہاں کہ مجموعی مقناطیسی دباو au معلوم کرتے ہیں۔ یہاں سمتیوں کو جمع کر کے ان کا مجموعی مقناطیسی دباو au معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

winding factor³⁶

لعيني

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$-2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

مثال 5.4: ایک تمین دور 50 ہرٹز پر چلنے والا ستارہ نما جڑے جزیٹر کو 3000 چکر فی مثال 5.4: ایک تمین دور 50 ہرٹز پر چلنے والا ستارہ نما جڑے جزیٹر کو 3000 $k_{w,m}=0.9$ فی منٹ کی رفتار سے چلایا جا رہا ہے۔ تمیں چکر کے میدانی کچھے کا جزو کچھلاو 0.7493 میٹر اور جبکہ پیدرہ چکر توں کچھے کا جزو کچھلاو 0.833 $k_{w,q}=0.833$ ہیں۔ مثین کا رداس 0.7495 میٹر اور اس کی لمبائی $l_k=0.04$ میں خلائی درز $l_k=0.04$ میٹر ہے۔ اگر اس کے میدانی کچھے میں 1000 ایمپیئر برتی رو ہے تو معلوم کریں

- میدانی مقناطیسی دباو کی زیادہ سے زیادہ مقدار۔
 - خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو۔
 - ایک قطب پر مقناطیسی بہاو۔
 - محرک تار پر برقی دباو۔

حل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$$

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

 $\phi_0 = 2B_0 lr = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \,\text{Wb}$

 $E_{rms} = 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0$ = 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 = 6349.85 V

لہذا ستارہ جڑی جزیٹر کی تار کی برقی دباو

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \, V$

ہو گی۔

حییا پہلے ذکر ہوا ہم چاہتے ہیں کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کر سکیں۔ چھوٹے پچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہ یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ بنیادی مقصد پورا ہو۔ شکل الحجھوں کے چکر اور شگافوں کی حگہ یوں چنے جانے ہیں کہ یہ مقاطیسی دباو کی موج کیساں طور پر گھٹی یا بڑھتی ہے۔ یعنی جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباو $\frac{Ni}{3}$ گھٹ جاتی ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر یہ کیسال طور پر مزید گھٹی ہے، وغیرہ وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہوں کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔ فوریئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور اس میں بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھے جاتے ہیں۔

ساکن کچھوں کی طرح حرکت کرتے کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ حچھوٹ کچھوں میں اتقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو۔

5.5 مقناطیسی د باو کی گھومتی موجیں

گھومتے آلوں میں کچھوں کو برقی دباو دیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ یہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دورکی لپٹی مشین

ماوات 5.33 میں ایک لیجھے کی مقاطیسی دباو یوں دی گئی ہے۔

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

اگر اس کیھے میں مقاطیسی بہاو بھی سائن نما ہو یعنی

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

تو

(5.37)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

ہو گا جہاں

(5.38)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

t ماتھ θ اور لحم t کے ساتھ θ ہوتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مندرجہ ذیل قلیہ سے دو گلڑوں میں توڑ کتے ہیں۔

$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

للبذا

(5.39)
$$\tau_a = \tau_0 \left[\frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

لکھا جا سکتا ہے۔یوں

$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(5.41)
$$\tau_a^+ = \frac{\overline{\tau_0}}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

 $\frac{\eta}{\eta} - \eta$ مساوات سے یہ بات سامنے آتی ہے کہ در حقیقت یہ مقناطیسی دباو دو اُلٹ سمتوں میں گھومنے والے مقناطیسی دباو کی موجیں $\frac{\tau}{\eta}$ اس کا $\frac{\tau}{\eta}$ برا $\frac{\tau}{\eta}$ زاویہ $\frac{\tau}{\eta}$ گھٹنے کی جانب گھومتا ہے لیعنی گھڑی کی اُلٹی سمت میں اور اس کا دوسرا جزو $\frac{\tau}{\eta}$ گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتا ہے۔ $\frac{\tau}{\eta}$ یعنی یہ زاویہ $\frac{\tau}{\eta}$ کے جانب گھومتا ہے۔

ایک دور کی لپٹی آلوں میں یہ کوشش کی جاتی ہے کہ ان دو گھومتے مقناطیسی دباو میں سے ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کیا جائے۔ اس طرح کرنے سے ایک ہے سمت میں کُل مقناطیسی دباو گھومتا ملتا ہے جو بالکل اسی طرح کا ہوتا ہے جیسے ایک مقناطیس گھمایا جا رہا ہو۔ تین دور کے آلوں میں یہ کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہو گا۔

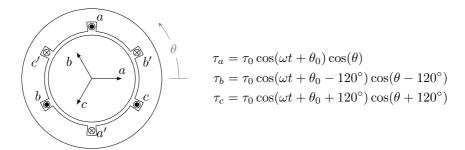
5.5.2 تين دور کي ليڻي مثين کا تخليلي تجزيه

شکل 5.18 میں تین دور کی لپٹی مثین دکھائی گئی ہے۔مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین لچھوں کی فوریئر شلسل کی بنیادی جزو دیئے گئے ہیں جو کے یہ ہیں۔

(5.42)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

اگر ان تین کچھول میں تین دوری برقی رو ہو یعنی

(5.43)
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$



شكل 5.18: تين دوركي لپڻي مشين۔

تو بالكل مساوات 5.37 كى طرح بهم مساوات 5.43 كى مدد سے مساوات 5.42 كو يوں لكھ سكتے ہيں۔

(5.44)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

اگر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

ہو تو انہیں

(5.45)
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

لكھ سكتے ہيں جہاں

(5.46)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

ہے۔کل مقناطیسی دباو au ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم ثابت کرتے ہیں کہ

$$\cos \gamma + \cos(\gamma - 240^{\circ}) + \cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$

کے برابر ہے۔ہمیں معلوم ہے کہ

 $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$ $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$

اگر ہم $lpha=\gamma$ اور $eta=240^\circ$ کیں تو

 $\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$ $\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$

ابندا $\sin 240^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ اور $\cos 240^\circ = -\frac{1}{2}$ البندا

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

اب اس مساوات کو اگر جم $\cos\gamma$ می ساتھ جمع کریں تو جواب صفر ملتا ہے، لینی $\cos\gamma + \cos(\gamma + 240^\circ) + \cos(\gamma - 240^\circ) = 0$

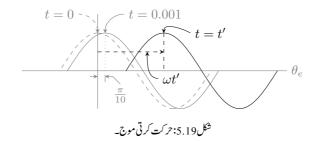
ی کی سکتے ہیں۔ $\gamma=\theta+\omega t+\alpha$

$$(5.47) \quad \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$$

اب ہم اگر مساوات 5.45 میں دئے au_b ، au_b ، اور au_c کو جمع کریں اور ان میں مساوات 5.47 کا استعال کریں تو ملتا ہے

(5.48)
$$\tau^{+} = \tau_{a} + \tau_{b} + \tau_{c} = \frac{3\tau_{0}}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

ماوات 5.48 کہتا ہے کہ کُل مقاطیتی دباو کا چیطہ کسی ایک لیجے کے مقاطیتی دباو کے حیطہ کے $\frac{3}{2}$ گنا ہے۔ α' ید یہ کہ یہ مقاطیتی دباو کی موج گھڑی کی اُلٹی سمت گھوم رہی ہے۔ لہذا تین لیجھوں کو °120 زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دور کی برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے بیجان کرنے سے ایک ہی گھومتی مقاطیتی دباو کی موج وجود میں تبدیل آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ اگر کوئی دو برقی رو آپس میں تبدیل کے جائیں تو مقاطیتی موج کے گھومنے کی سمت تبدیل ہو جاتی ہے۔ یہ مثال میں واضح کیا گیا ہے۔



اب ہم دیکھتے ہیں کہ مساوات 5.48 ایک گھومتے موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہمیں اس موج کی چوٹی کو دیکھنا ہو گا۔ ہم اپنی آسانی کے لئے ہمیں اس موج کی چوٹی کو دیکھنا ہو گا۔ ہم اپنی آسانی کے لئے ہمیں موج کی چوٹی در حقیقت ہیں۔ اس موج کی چوٹی در حقیقت محلوم ہے $\cos(\theta-\omega t)$ کی چوٹی ہی ہے لہٰذا ہم اس کی چوٹی کو مدنظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے کہ $\cos(\alpha + \omega t)$ کی زیادہ سے زیادہ مقدار ایک کے برابر ہے لیخی اس کی چوٹی ایک کے برابر ہو لیخی جا در میں مقام پر پائی جاتی ہو گا۔ ہی صفر کے برابر ہو لیخی جب اور یہ اس مقام پر پائی جاتی ہو گا۔ ہی طرح کے برابر ہو لیخی ہو گا۔ اس طرح کے برابر ہو گئی وہیں ہو گی جہاں $(\theta-\omega t)$ صفر کے برابر ہو گئی وہیں ہو گی جہاں $(\theta-\omega t)$ صفر کے برابر ہو گئی وہیں ہو گی جہاں $(\theta-\omega t)$ صفر کے برابر ہو گئی وہیں ہو گی جہاں $(\theta-\omega t)$ صفر کے برابر ہو گئی وہیں ہو گی جہاں $(\theta-\omega t)$ صفر کے برابر ہو گئی وہیں ہو گی جہاں $(\theta-\omega t)$

اب ابتدائی لمحہ لیمن t=0 پر t=0 پر $\cos(\theta-\omega t)$ پر ہو گی۔ اس کو حل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

ہم دکھتے ہیں کہ موج کی چوٹی صفر برقی زاویہ پر ہے۔اسے شکل 5.19 میں ہلکی سابی میں نقط داو کیر سے دکھایا گیا ہے۔ہم اس چوٹی کو پچھ وقفے کے بعد دوبارہ دکھتے ہیں مثلاً t=0.001 مثلاً t=0.001

$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - \omega \times 0.001 = 0$$

$$\theta = 0.001\omega = 0.001 \times 2 \times \pi \times 50 = 0.3142 \, \text{rad}$$

اب یہ چوٹی 0.3142 یا $\frac{\pi}{10}$ برتی ریڈیئن لیخی 18° کے برتی زاویہ پر ہے۔اسے شکل میں بکس سابی کے نظوس کلیر سے دکھایا گیا ہے۔یہ بات واضح ہے کہ مقناطیسی دباو کی موح گھڑی کی اُلٹی سمت لیعنی زاویہ بڑھنے کی سمت میں گھوم گئی ہے۔ اس طرح 0.002 پر گھڑی کی اُلٹی سمت لیعنی زاویہ پر نظر آئے گی۔کسی بھی لمحہ t پر بالکل اس طرح چوٹی کا مقام معلوم کیا جا سکتا ہے جسے شکل میں تیز سیابی کے نظوس کلیر سے دکھایا گیا ہے۔

$$\theta - \omega t' = 0$$
$$\theta = \omega t'$$

اس مساوات سے بیہ واضح ہے کہ چوٹی کا مقام متعین کرنے والا زاویہ بتدری بڑھتا رہتا T حاصل کر کتے ہے۔ اس مساوات سے ہم ایک مکمل T بین یعنی بین یعنی

(5.49)
$$t = \frac{\theta}{\omega}$$

$$T = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

اگر برقی رو کی تعدد $\frac{1}{50}$ ہو تو ہے مقناطیسی دباو کی موج ہر $\frac{1}{50}=0.02$ سینڈ میں ایک مکمل برقی چکر کائتی ہے۔

اس مثال میں برقی زاویہ کی بات ہوتی رہی۔ دو قطب کی آلوں میں برقی زاویہ θ_e اور میانی زاویہ θ_m برابر ہوتے ہیں۔ لہذا اگر دو قطب کی آلوں کی بات کی جائے تو مساوات میانی زاویہ θ_m برتی یا میکانی چکر کاٹے گی جہاں f برتی رو کی تعدد ہے اور اگر P قطب رکھنے والی آلوں کی بات کی جائے تو چونکہ f برتی رو کی تعدد ہے اور اگر P قطب رکھنے والی آلوں کی بات کی جائے تو چونکہ

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

 $\frac{2}{P}f$ لہذا ایسے آلوں میں بیہ مقناطیسی دباو کی موج ایک سینڈ میں f مقناطیسی چکر لعنی میکانی شکر کاٹے گی۔

اگر ہم برتی رو کی تعدد کو f_e سے ظاہر کریں، مقناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برتی زاویہ کو θ_m اور اس کے میکانی زاویہ کو θ_m سے ظاہر کریں اور اس طرح اس

مقناطیسی دباو کی موج کے گھومنے کی رفتار کو ω_e یا ω_m سے ظاہر کریں تو

(5.51)
$$\omega_m = \frac{2}{P}\omega_e \quad \text{rad/s}$$

$$f_m = \frac{2}{P}f_e \quad \text{Hz}$$

$$n = \frac{120f_e}{P} \quad \text{rpm}$$

 ω_e اس مون کی معاصر رفتار برقی زاویہ نی سینٹر میں ہے جبہ ω_m کبی معاصر رفتار میکانی زاویہ نی سینٹر میں ہے۔ای طرح σ_e اس مون کی برقی معاصر رفتار برقی ہرٹز میں اور σ_e اس کی میکانی معاصر رفتار σ_e میکانی ہرٹز میں ہے۔برقی معاصر رفتار σ_e برٹز ہونے کا مطلب یہ ہے کہ ایک سینٹر میں یہ مون σ_e برقی چکر کا فاصلہ طے کرے گی جہاں ایک برقی چکر دو قطب کا فاصلہ لیخی σ_e ریڈیئن کا زاویہ ہے۔ای طرح میکانی معاصر رفتار σ_e برٹز ہونے کا مطلب ہے کہ یہ مون ایک سینٹر میں σ_e میکانی چکر کا فاصلہ طے کرے ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ یہ مون ایک سینٹر میں σ_e میکانی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ایک میکانی چکر عام زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میں σ_e میکانی چکر فی مناوات ہے۔

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ ہم q دور کی لپٹی مشین جس کے لچھے $\frac{2\pi}{q}$ برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں q دور کی برقی رو ہو، ایک ہی سمت میں گھومتی مقناطیسی دباو کی موج کو جنم دیتی ہے جیسے ہم نے تین دور کی مشین کے لئے دیکھا۔ مزید سے کہ اس موج کا حیطہ کی ایک لچھے سے پیدا مقناطیسی دباو کے حیطہ کی وقا اور اس کے گھومنے کی رقاq برقی ریڈیئن فی سکنٹہ ہو گی۔ q گا ہو گا اور اس کے گھومنے کی رقاq ورقا کے برقی ریڈیئن فی سکنٹہ ہو گی۔

5.5.3 تين دور کي کپڻي مشين کاتر سيمي تجزيه

شکل 5.18 میں تین دور کی لپٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس میں مثبت برقی رو کی سمتیں ججی دکھائی گئی ہیں، مثلاً a شگاف میں برقی رو صفحہ سے عمودی سمت میں باہر جانب کو ہے اور بیہ بات نقطہ سے واضح کی گئی ہے۔ اسی طرح a' شگاف میں برقی دباو صفحہ سے

synchronous speed³⁷ rpm, rounds per minute³⁸

 $\frac{1}{2}$ مردی سمت میں اندر کی جانب کو ہے اور یہ بات صلیب کے نشان سے واضح کی گئی دباو ہے۔ اگر برقی رو مثبت ہو تو اس کی یہی سمت ہو گی اور اس سے پیدا مقناطیسی دباو ہو مضر زاویہ کی جانب ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ کچھے میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جا سکتی ہے۔ اب اگر اس کچھے میں برقی رو اُلٹ سمت میں ہے۔ لیعنی اب برقی رو مُنفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برقی رو اُلٹ سمت میں ہے۔ لیعنی اب برقی رو مُنفی میں صفحہ کے عمودی سمت میں اندر کی جانب ہے اور $\frac{1}{2}$ شگاف میں سے صفحہ کے عمودی سمت میں اندر کی جانب ہے اور $\frac{1}{2}$ شگاف میں یہ صفحہ کے عمودی سمت میں اندر کی جانب ہے اور $\frac{1}{2}$ شگاف میں دباو بھی کے عمودی سمت میں ہو گی لیعنی یہ شکل میں دیئے گئے ہے اُلٹ اُلٹ سمت میں ہو گی لیعنی یہ شکل میں دیئے گئے ہے کے بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر بے بات واضح ہو جائے کہ برقی رو ہو گی۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تیدا مقناطیسی دباو کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے ہی ہو جائے کہ برتی رو کے منفی ہونے سے اس سے پیدا مقناطیسی دباو کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے ہو جائے کہ برتی رو کے منفی ہونے سے اس سے پیدا مقناطیسی دباو کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔

اس شکل میں کیچھوں میں برقی رو اور مقناطیسی دباو یہ ہیں

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

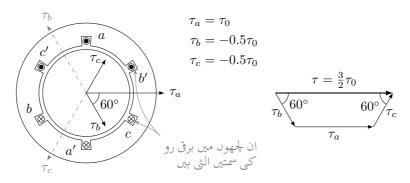
$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

جبکہ ان کے مثبت سمتیں شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اب ہم مختلف اوقات پر ان مقداروں کا حباب لگاتے ہیں اور ان کا کُل مجموعی مقناطیسی دباو حل کرتے ہیں۔

t=0 ہے۔ t=0 ہے۔

(5.54)
$$\begin{aligned} i_a &= I_0 \cos 0 = I_0 \\ i_b &= I_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5 I_0 \\ i_c &= I_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5 I_0 \end{aligned}$$



شكل5.20 لمحه
$$t_0=0$$
 يربر قى رواور مقناطيسى دياوي $t_0=0$

(5.55)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$

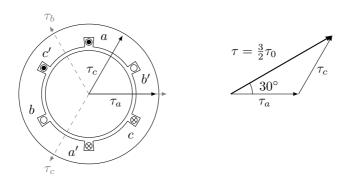
 i_a یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔اس لمجہ پر i_a مثبت ہے جبکہ i_b اور i_c منفی ہیں۔ لہذا i_a ایر سمت میں ہے جو شکل i_c میں i_a میں i_b میں انسے اور صلیب سے دکھائے ہیں جبکہ i_b اور i_c شکل میں دیئے گئے سمتوں کے اُلٹ ہیں۔ ان تینوں برقی رو کی اس لمجہ پر درست سمتیں شکل i_c میں دکھائی گئی ہیں۔اس شکل میں تینوں متناطیسی دباو کمی دکھائے گئے ہیں۔

کل مقاطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم، مجموعہ سمتیات سے معلوم کیا جا سکتا ہے یا پھر الجبرا کے ذریعہ ایسا کیا جا سکتا ہے۔

(5.56)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_a &= \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} \\ \boldsymbol{\tau}_b &= 0.5\tau_0 \left[\cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} - \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_c &= 0.5\tau_0 \left[\cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} + \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \right] \end{aligned}$$

(5.57)
$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2}\tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$$

کل مقناطیسی دباو ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے ڈیڑھ گنا ہے اور سے صفر زاوبیے پر ہے۔ اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ کھے بعد t_1 پر دوبارہ یہی سب حساب لگاتے ہیں۔



 $\omega t_1 = 30^\circ$ کی دواور مقناطیسی د باوی $\omega t_1 = 30^\circ$

چونکہ مساوات 5.52 اور مساوات 5.53 میں متغیرہ t کے بجائے ωt کا استعال زیادہ آسان ہے لہٰذا ہم لمحہ t_1 کو یوں چنتے ہیں کہ $\omega t_1 = 30^\circ$ کے برابر ہو۔ ایبا کرنے سے ہمیں ہیے دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے۔

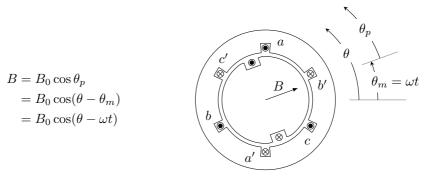
(5.58)
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

(5.59)
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$
$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

یہ شکل 5.21 میں دکھایا گیا ہے۔کل مقناطیسی دباو کا طول au کو تکون کے ذریعہ یوں حل کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح اس کا زاویہ بھی اس سے حاصل ہوتا ہے۔ یعنی

(5.60)
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a \tau_c \cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

اور چونکہ اس تکون کے دو اطراف برابر ہیں لہذا اس کے باقی دو زاویہ بھی برابر اور °30 ہیں۔ 5.6. محسر ك برق د باو



شكل 5.22: بنيادى بدلتى روجزيڙ ـ

ہم دیکھتے ہیں کہ کُل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب وہ 30° کے زاویہ پر جے لیے بین کہ کُل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب وہ $\omega t = 40^\circ$ کی میں کُل مقناطیسی دباو اب بھی $\frac{3}{2}\tau_0$ ہی ملے گا البتہ اب یہ 45° کے زاویہ پر ہو گا۔اگر کسی لمحہ جب $\omega t = \theta$ کے برابر ہو یہ سارا حباب کیا جائے تو کُل مقناطیسی دباو اب بھی $\omega t = \theta$ کا۔اگر کسی لمحہ جب $\omega t = \theta$ کے ناویہ پر ہو گا۔ اب بھی $\frac{3}{2}\tau_0$ کے گا البتہ یہ θ کے زاویہ پر ہو گا۔

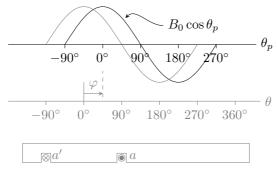
5.6 محرك برقى دباو

یہاں محرک برقی دباو 39 کو ایک اور زاویہ سے پیش کیا جاتا ہے۔

5.6.1 بدلتی روبر قی جزیٹر

شکل 5.22 میں ایک بنیادی بدلتھ رو جنریڑ 40 دکھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافتِ مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتی ہے، لیعنی

⁸³ابتداء شن حرکت ہے پیدا ابونے والی بر تی د باو کو محرک بر تی د باو کہتے تھے۔ اب روایتی طور پر کسی بھی طرح پیدا کر دوبر تی دباو کو محرک بر تی د باو کہتے ہیں۔ ac generator⁴⁰



شکل 5.23: کیھے میں سے گزر تامقناطیسی بہاو۔

$$(5.61) B = B_0 \cos \theta_p$$

a یہ مقناطیس ω زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔یوں اگر ابتدائی لمحہ t=0 پر یہ a کچھے کی مست یعنی بکلی سیاہی کی اُفقی لکیر کی سمت میں ہو تو لمحہ t پر یہ گھوم کر زاویہ $d_m=\omega t$ پر ہو گا۔اس طرح یہی مساوات یوں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

(5.62)
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.23 میں B کو زاویہ θ اور θ_p کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ ای ترسیم میں لچھا B بجی دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں بلکی سیائی سے لحہ B پر B دکھایا گیا ہے جب گومتے برقی مقناطیس کا محور اور اس لچھے کا محور ایک ہی سمت میں ہوتے ہیں جبکہ کالی سیائی میں اس B کو کسی بجی لحمہ B پر دکھایا گیا ہے۔ اس لحمہ پر برقی مقناطیس کے محور سیائی میں اس B کو کسی خور کے مابین B زاویہ ہے۔ یہ زاویہ برقی مقناطیس کے گھومنے کی رفتار سیائی میں مخصر ہے تیمیٰ

$$(5.63) \theta = \omega t$$

لحد t=0 پر کچھے میں سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزر رہی ہے۔ اگر خلائی درز بہت باریک ہو، تو اس کے اندر اور باہر جانب کے رداس تقریباً کیساں ہوں گے۔ برتی مقناطیس کے محور سے اس خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ اگر ρ ہو اور برقی مقناطیس کا دھرے ρ کا دھرے ρ کی سمت میں محوری لمبائی ρ ہو تو اس کچھے میں وہی مقناطیسی بہاو ہو گا

axle⁴¹

axial length⁴²

5.6. محسر ك_ برقى د باو

جو اس خلائی درز میں $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$ مابین ہے۔ کحہ t=0 پر اسے یوں معلوم کیا جا سکتا ہے

$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

جہاں آخر میں $\phi_a(0)$ کو $\phi_a(0)$ کیا ہے۔ یہی حساب اگر لمحہ t پر کی جائے تو پھھ یوں جہاں آخر میں $\phi_a(0)$ کیا ہوگا۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0} l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \omega t$$

جبال $\theta=\omega t$ کیا جے۔اس مساوات کو یوں جبی حل کیا جا سکتا ہے

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t))(l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t)\Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[\sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right)\right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ تکمل زاویہ θ کے ساتھ کیا گیا ہے۔ انہیں مساوات 5.64 کی مدد سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

بالکل مساوات 5.66 کی طرح جم b اور c کچھوں کے لئے بھی مقناطیسی بہاو کی مساواتیں جہاو کی مساواتیں جہاو کی مساواتیں بہاو کی مساواتیں بہاو کی مقناطیسی بہاو کی مقناطیسی بہاو کی مقناطیسی بہاو کر سکتے ہیں۔ شکل b معلوم کرنے کے لئے مساوات 5.66 میں کمل کے حدود یہی گزرتا ہے۔ اس لئے d معلوم کرنے کے لئے مساوات 5.66 میں کمل کے حدود یہی رکھے گئے تھے۔ اس شکل سے واضح ہے کہ d کچھ کے کمل کے حدود d اور d بین ہیں دیئے گئے ہیں۔ یوں جبکہ d کے حدود d بین۔ یوں جبکہ کے حدود کے حدود کی جبکہ کے حدود ک

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t - \frac{2\pi}{3})$$

اور

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho \, d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t + \frac{2\pi}{3})$$

5.6. محسر كب برق د باو

اگر ایک لچھے کے N چکر ہوں تو اس میں پیدا برقی دباو کو یوں معلوم کیا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0 \cos \omega t$$

$$\lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$\lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات میں $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیئن کو °120 کھا گیا ہے۔ان سے کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو کا حساب یوں لگایا جا سکتا ہے۔

(5.71)
$$e_a(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = \omega N\phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = \omega N\phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = \omega N\phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں

(5.72)
$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^\circ)$$
$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^\circ)$$
$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^\circ)$$

ہے مساوات تین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتے ہیں جو آپس میں °120 زاویہ پر E_0 ہیں۔ان سب کا حیطہ E_0 کیسال ہے جہاں

$$(5.73) E_0 = \omega N \phi_0$$

اور ان برقی دباو کی موثر قیمت

(5.74)
$$E_{\dot{\tau}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

ہو گی۔ چونکہ $BA=\phi$ ہوتا ہے لہذا ہے مساوات بالکل صفحہ 54 پر دیۓ مساوات 2.52 کی طرح ہے۔

مساوات 5.72 سائن نما برقی دباو کو ظاہر کرتا ہے۔ اگرچہ اسے یہ سوچ کر حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباو کا

 $\rm rms^{43}$

اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کس طرح وجود میں آئی اور سے مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں سے مقناطیسی بہاو جزیٹر کے ساکن حصے میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.74 ہمیں ایک گچھ کچھ میں پیدا برقی دباو دیتی ہے۔ اگر کچھا تقسیم شدہ ہو تو اس کے مختلف شگافوں میں موجود اس کچھے کے حصوں میں برقی دباو ہم مرحلہ نہیں ہول گے لہٰذا ان سب کا مجموعی برقی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہو گا بلکہ اس سے قدرِ کم ہو گا۔ اس مساوات کو ہم ایک کچھے کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

 $E_{\dot{\tau}\tau} = 4.44k_w f N \phi_0$

تین دور برقی جزیڑوں کے k_w کی قیت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں ایک دور کی برقی دباو دیتی ہے۔ تین دور برقی جزیڑوں میں ایسے تین کچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی تارہ نما یا Δ یعنی تکونی جوڑا جاتا ہے۔

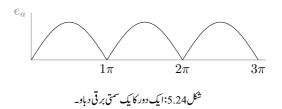
5.6.2 يك سمتى روبر قى جزيٹر

ہر گھونے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو جزیٹر ہی ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمتی برقی دباو 44 کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتی برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ ایبا الیکٹرانکس کے ذریعہ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمتے کار 45 کی مدد سے جزیٹر کے اندر سے کیا جا سکتا ہے یا پھر میکانی طریقے سے میکانی سمتے کار 46 کی مدد سے جزیٹر کے اندر ہی کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.71 میں دیئے گئے برقی دباو کو یک سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جائے تو یہ شکل 5.24 کی طرح ہو گا۔

مثال 5.5: شکل 5.24 میں یک سمتی برقی دباو دکھائی گئی ہے۔اس یک سمتی برقی دباو کی اوسط قیمت حاصل کریں۔

> DC voltage⁴⁴ rectifier⁴⁵

 $commutator^{46}$



عل:

$$E_{\mathbf{k},\mathbf{j}} = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = \frac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمتی برقی جزیئر پر باقاعدہ تبصرہ کتاب کے باب میں کیا جائے گا۔

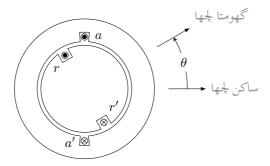
5.7 مهوار قطب مشينول ميں قوت مروڑ

اس جھے میں ہم ایک کامل مثین میں قوضے مرور ⁴⁷ کا حساب لگائیں گے۔ ایبا دو طریقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ ہم مثین کو دو مقناطیس سمجھ کر ان کے مابین قوتِ کشش، قوتِ دفع اور قوت مرور کا حساب لگا سکتے ہیں یا پھر اس میں ساکن اور گھومتے کچھوں کو امالہ سمجھ کر باب چار کی طرح توانائی اور کو توانائی کے استعال سے اس کا حساب لگائیں۔ پہلے توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی قوت مروڑ کاحساب

یہاں ہم ایک دور کی مشین کی بات کریں گے۔ اس سے حاصل جوابات کو با آسانی زیادہ دور کی آلوں پر لاگو کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.25 میں ایک دور کی کامل مشین دکھائی گئی ہے۔ سے کسی بھی لمحہ اس کی دو کچھوں میں کچھ زاویہ ہو گا جسے فاہر کیا گیا ہے۔

 $torque^{47}$



شكل 5.25: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

خلائی درز ہر جگہ کیساں ہے البذا یہاں اُبھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جائے گا۔ مزید یہ کہ قالب کی $\mu_r \to \infty$ تصور کی گئی ہے البذا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیسی مستقل $\mu_r \to \infty$ پر مخصر ہے۔

اس طرح ساکن لیجے کی امالہ L_{aa} اور گھوے لیجے کی امالہ T_{rr} مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ T_{rr} زاویہ T_{rr} ہو گا۔ جب T_{rr} بالہ کا مشتر کہ امالہ T_{rr} زاویہ T_{rr} بہاو دوسرے لیجے سے بھی گزرتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جب T_{rr} کی مستر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جب T_{rr} کی مرتبہ پھر ایک لیجے کا سارا مقاطیسی بہاو دوسرے لیجے سے بھی گزرتا ہے البتہ اس لی سمت اُلٹ ہوتی ہے لہذا اب ان کا مشتر کہ امالہ بھی منفی ہو گا یعنی T_{rr} اور جب T_{rr} ہو تب ان کا مشتر کہ امالہ بھی منفی ہو گا یعنی رکھیں اور جب T_{rr} ہو تب ان کا مشتر کہ امالہ سفر ہو گا۔ اگر ہم یہ ذہن میں رکھیں کہ خلائی درز میں مقاطیسی بہاو سائن نما ہے تب

$$(5.76) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

ہو گا۔ ہم ساکن اور گھومتے کچھوں کی ارتباط بہاو کو بوں لکھ سکتے ہیں

(5.77)
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ar}(\theta)i_r = L_{aa}i_a + L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
$$\lambda_r = L_{ar}(\theta)i_a + L_{rr}i_r = L_{ar0}\cos(\theta)i_a + L_{rr}i_r$$

magnetic constant, permeability⁴⁸

اگر ساکن کچھے کی مزاحمت R_a اور گھومتے کچھے کی مزاحمت R_r ہو تو ہم ان کچھوں کے سروں پر دیئے گئے برقی دباو کو یوں ککھ سکتے ہیں۔

$$(5.78) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$
$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

 θ برتی زاویہ ہے اور وقت کے ساتھ اس کی تبدیلی رفتار ω کو ظاہر کرتی ہے لینی

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ کو توانائی حاصل کی جا سکتی ہے۔ کو توانائی صفحہ 135 پر مساوات 4.73 سے حاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے یوں کھا جا سکتا ہے۔

(5.80)
$$W'_{m} = \frac{1}{2} L_{aa} i_{a}^{2} + \frac{1}{2} L_{rr} i_{r}^{2} + L_{ar0} i_{a} i_{r} \cos \theta$$

اس سے میکانی قوت مروڑ T_m یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.81)
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

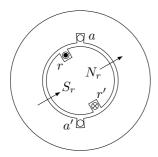
چونکہ P قطب مشینوں کے لئے

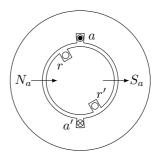
$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

لہذا ہمیں مساوات 5.81 سے ماتا ہے

$$(5.83) T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ T_m منفی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر کسی لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقاطیسی بہاو کے درمیان زاویہ مثبت ہو تو ان کے مابین قوت مروڑ منفی ہو گا یعنی قوت مروڑ ان دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک سمت میں رکھنے کی کوشش کرے گا۔





شكل5.26: لچھوں كے قطبين۔

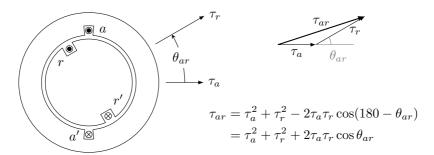
5.7.2 مقناطیسی بہاوسے میکانی قوت مر وڑ کا حساب

شکل 5.26 میں دو قطب والی ایک دور کی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب صرف گھومتے لیجے میں برقی رو ہے۔ اس لیجے کا مقاطیسی بہاد تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے، لینی تیر اس مقاطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں اگر صرف گھومتے جے پر توجہ دی جائے تو یہ واضح ہے کہ گھومتا جھہ ایک مقاطیس کی مانند ہے جس کے شمالی اور جنوبی قطبین شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اس طرح شکل میں دائیں جانب صرف ساکن لیجے میں برتی رو ہے۔ اگر اس مرتبہ صرف ساکن جھے پر توجہ دی جائے تو اس کے لیکیں جانب سے مقاطیسی بہاد نکل کر خلائی درز میں داخل ہوتی ہے، لہذا یہی اس کا شالی قطب ہے اور اس مقاطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔

یہاں یہ واضح رہے کہ اگرچہ گچھ کچھے دکھائے گئے ہیں لیکن درحقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہی ہیں اور تیر کے نثان ان مقناطیسی دباو کی موج کے چوٹی کو ظاہر کرتے ہیں۔

شکل 5.27 میں اب دونوں کچھوں میں برتی رو ہے۔ یہ واضح ہے کہ یہ بالکل دو مقاطیسوں کی طرح ہے اور ان کے اُلٹ قطبین کے مابین قوتِ کشش ہو گا، لینی یہ دونوں کچھے ایک ہی سمت میں ہونے کی کوشش کریں گے۔

یہاں سے زیادہ واضح ہے کہ سے دو مقناطیس کوشش کریں گے کہ θ_{ar} صفر کے برابر ہو لینی ان کا میکانی قوت مروڑ θ_{ar} کے اُلٹ سمت میں ہو گا۔ یہی پچھ مساوات 5.83 کہتا ہے ۔



شكل 5.27: خلائي درز ميں مجموعي مقناطيسي دياو۔

ان برقی مقناطیسوں کے مقناطیسی دباو کو اگر ان کے مقناطیسی محور کی سمت میں au_a اور au_r سے ظاہر کیا جائے جہاں au_a اور au_r مقناطیسی دباو کے چوٹی کے برابر ہوں تو خلاء میں کُل مقناطیسی دباو au_{ar} ان کا جمع سمتیات ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کا طول au_{ar} کوسائن کے قلیہ au_a سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.84)
$$\begin{aligned} \tau_{ar}^2 &= \tau_a^2 + \tau_r^2 - 2\tau_a \tau_r \cos(180^\circ - \theta_{ar}) \\ &= \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2\tau_a \tau_r \cos \theta_{ar} \end{aligned}$$

خلائی درز میں یہ گل مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت H_{ar} کو جنم دے گا جو اس قلیہ سے حاصل ہوتا ہے۔

$$\tau_{ar} = H_{ar}l_q$$

H مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ اب جہاں خلاء میں مقناطیسی شدت H_{ar} ہو وہاں مقناطیسی کو-توانائی کی کثافت H_{0} ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط کو-توانائی کی کثافت اس خلائی درز میں H^2 کی اوسط ضرب H^2 ہو گی۔ کسی بھی سائن نما موج

cosine law⁴⁹

 H^2 کا اوسط H^2 یوں حاصل کیا جاتا ہے۔ $H=H_0\cos heta$

(5.86)
$$H_{b entstyle g}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

لہذا خلائی درز میں اوسط کو-توانائی کی کثافت $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$ ہو گی اور اس خلاء میں کُل کو-توانائی اس اوسط کو-توانائی ضرب خلاء کی حجم کے برابر ہو گا یعنی

(5.87)
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درز کی ردائی لمبائی l_g ہے اور اس کی دھرے 50 کی سمت میں $r\gg l_g$ مرید ہیہ کہوری لمبائی 51 ہے۔ مرید ہیہ کمور سے خلاء کی اوسط ردائی فاصلہ r ہے۔ مزید ہیں کہ انداز کیا ہے۔ اس طرح خلاء میں ردائی سمت میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کو ہم مساوات کو جم مساوات کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(5.88) W_m' = \frac{\mu_0 \pi r l}{2l_g} \left(\tau_a^2 + \tau_r^2 + 2\tau_a \tau_r \cos \theta_{ar} \right)$$

اس سے میکانی قوت مروڑ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے

(5.89)
$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

Pسے حماب دو قطب والی مشین کے لئے لگایا گیا ہے۔ P قطب والے مشین کے لئے سے مساوات ہر جوڑی قطب کا میکانی قوت مروڑ دیتا ہے لہٰذا ایسے مشین کے لئے ہم لکھ سکتے

axis⁵⁰ axial length⁵¹

ہیں

$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ اس کے مطابق مثین کا میکانی قوت مروڑ اس کے ساکن اور گھومتے لیجھوں کے مقاطیسی دباو کے چوٹی کے براہ راست متناسب ہے۔ اس طرح بیہ ان دونوں کے درمیان برقی زاویہ θ_{ar} کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہے۔ منفی میکانی قوت مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ θ_{ar} کے الٹ جانب ہے لیعنی یہ میکانی قوت مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی جانب کو ہے۔ مثین کے ساکن اور گھومتے حصول پر ایک برابر مگر الٹ سمتوں میں میکانی قوت مروڑ ہوتا ہے البتہ ساکن جھے کا قوت مروڑ مثین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو جاتا ہے جبکہ گھومتے جھے کا میکانی قوت مروڑ اس حھے کو گھاتا ہے۔

چونکہ مقناطیسی دباو برقی رو کے براہ راست متناسب ہے البذا τ_a اور i_a آپی میں براہ راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.83 اور 5.90 ایک جیسے ہیں۔ در حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل برابر ہیں۔

شکل 5.28 میں ایک مرتبہ کھر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقاطیسی دباو دکھائے گئے ΔAEC ہیں جانب تکون ΔAEC اور ΔBEC میں مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

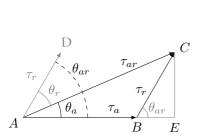
$$(5.91) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

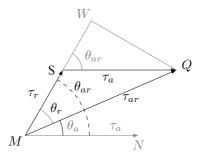
اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں کھا جا سکتا ہے۔

$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

WQ میں ΔSWQ اور تکون ΔMWQ اور تکون ΔSWQ میں ΔSWQ کا طرف مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.93) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$





شکل 5.28: مقناطیسی بہاواور ان کے زاویے۔

اب اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔
$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_q} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$
 (5.94)

ماوات 5.90 ماوات 5.92 اور ماوات 5.94 كو ايك جلَّه كلص بين-

(5.95)
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے یہ واضح ہے کہ میکانی توت مروڑ کو دونوں کیجھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے یا پھر ایک کیجھے کی مقناطیسی دباو اور کی مقاطیسی دباو اور ان دو کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جاسکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کے آپس میں ردعمل کی وجہ سے وجود میں آتا ہے اور بیہ ان مقناطیسی دباو کی چوٹی اور ان کے مابین زاویہ پر مخصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو سب کا آپس میں تعلق رکھتے ہیں لہذا ان مساوات کو کئی مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی

ورز میں کُل مقناطیسی دباو au_{ar} اور وہاں کثافت مقناطیسی بہاہ B_{ar} کا تعلق $B_{ar}=rac{\mu_0 au_{ar}}{l_a}$

استعال کر کے مساوات 5.95 کے آخری جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(5.97) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی آلوں میں مقناطیسی قالب کی مقناطیسی مستقل μ کی محدود صلاحیت کی وجہ سے قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ لہذا مثین بناتے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا پڑتا ہے۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو اس کچھے میں برقی توانائی ضائع میں برقی رو پر مخصر ہوتا ہے۔ اس برقی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے یہ لچھا گرم ہوتا ہے۔ برقی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک اس کچھے کو ٹھنڈا کرنا ممکن ہو۔ لہذا مقناطیسی دباو کو اس حد کے اندر رکھنا پڑتا ہے۔ چونکہ اس مساوات میں یہ دو بہت ضروری حدیں واضح طور پر سامنے ہیں اس کئے یہ مساوات مثین بنانے کی غرض سے بہت اہم ہے۔

اس مساوات کی ایک اور بہت اہم شکل اب دیکھتے ہیں۔ ایک قطب پر مقناطیسی بہاو A_P میں قطب کا رقبہ A_P ہوتا ϕ_P

(5.98)
$$B_{k-1} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.99) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

للبذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

$$(5.101) T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

یہ مساوات معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

باب6

يكسال حال، بر قرار جالو معاصر مشين

جیبا کہ نام سے واضح ہے یہ وہ گھومنے والی مشین ہے جو ایک ہی رفتار سے گھومتی ہے اور یہ رفتار اس کو دیئے گئے برقی دباو کے تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

جب کسی جزیٹر پر بوجھ تبدیل کیا جائے یا اسے فراہم میکانی طاقت فراہم کرنے والے کی رفتار تبدیل کی جائے تو جزیٹر نئی صورتِ حال کے مطابق چند ہی لمحات میں دوبارہ برقی اس مورت اختیار کر لیتا ہے۔ اس برقرار چالو صورت میں اس کی رفتار، برقی دباو، برقی رو، درجہ حرارت وغیرہ مقررہ رہتے ہیں۔ اس طرح اگر موٹر پر بوجھ تبدیل ہو تو اسے درکار طاقت اور برقی رو تبدیل ہوں گے۔ بوجھ تبدیل ہونے سے پہلے موٹر برقرار مقررہ برقی رو حاصل کرتا رہتا ہے اور اس کا درجہ حرارت ایک مقررہ قیمت پر رہتا ہے۔ اس طرح بوجھ تبدیل ہونے سے جہاں اس کی برقی رو ایک نئی قیمت پر برقرار چالو صورت اختیار کر لیتا ہے۔ جہاں اس کی برقی رو ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت کی برقرار چالو، کیساں صورتوں کے درمیان چند بھی ایک نئی قیمت اختیار کر لیتا ہے۔ دو مختلف برقرار چالو، کیساں صورتوں کے درمیان چند مشین یر تبھرہ کیا جائے گا۔

transient state¹ steady state² معاصر آلوں میں عموماً قوی لچھا ساکن رہتا ہے جبکہ میدانی لچھا معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔ قوی لچھوں کی برقی رو کی نسبت بہت زیادہ ہوتی ہے اور اسے سرک چھوں کی برقی رو کی نسبت بہت زیادہ ہوتی ہے اور اسے سرک چھوں کو ساکن رکھا جاتا ہے جبکہ میدانی لچھوں کو گھمایا جاتا ہے۔

ہم یہ دیکھ چکے ہیں کہ نین مرحلہ لیٹے ساکن کچھوں میں اگر متوازن نین مرحلہ برقی رو ہو تو یہ ایک گھومتے مقاطیسی دباو کی موج کو جنم دیتی ہے۔اس گھومتے موج کی رفتار کو معاصررفتار3 کہتے ہیں۔ معاصر مثین کا گھومتا حصہ اسی رفتار سے گھومتا ہے۔

معاصر مثین کے میدانی لچھے کو یک سمتی برقی رو درکار ہوتی ہے جو یا تو سرک چھلوں کے ذریعہ اس تک باہر سے پینچائی جاتی ہے یا پھر مثین کے دھرے پر ہی نسب ایک چھوٹی یک سمتی جزیئر سے اسے فراہم کی جاتی ہے۔

میدانی لچھا ایک میدانی مقناطیسی دباو کو جنم دیتی ہے جو اس لچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ لہذا معاصر مثین کے گھومتے اور ساکن لچھوں کے مقناطیسی دباو معاصر رفتار سے ہی گھومتے ہیں۔ اس وجہ سے انہیں معاصر مثین کہتے ہیں۔

6.1 متعدد مرحله معاصر مشین

معاصر مشین عموماً تین مرحلہ ہوتے ہیں۔ان کے تین مرحلہ ساکن قوی لچھے خلاء میں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں اور ان میں یک سمتی برقی رو ہوتی ہے۔

اگر مثین کے گومتے جھے کو بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جائے تو یہ مثین ایک معاصر جزیٹر کے طور پر کام کرتی ہے اور اس کے تین مرحلہ ساکن توی کچھوں میں تین مرحلہ برتی دباو پیدا ہوتی ہے جس کا برتی تعدد گھومنے کے رفتار پر منحصر ہوتا ہے۔ اس کے برقکس اگر مثین کے تین مرحلہ ساکن توی کچھوں کو تین مرحلہ برتی طاقت مہیا کیا

synchronous speed³

جائے تو یہ ایک معاصر موٹر کے طور کام کرتی ہے جو معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ مثین کی کُل برتی قوت کے چند فی صد برابر برتی قوت اس کے میدان کچھ کو درکار ہوتی ہے۔ گھومتے کچھے تک برتی دباو مختلف طریقوں سے پہنچائی جاتی ہے۔ شکل 6.1 میں گھومتے کچھے تک موصل سرکھ پھلے 4 کی مدد سے یک سمتی برتی رو پہنچانے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ یہ سرک چھلے اسی دھرے پر نب ہوتے ہیں جس پر گھومتا کچھا نب ہوتا ہے اور یہ اس کچھے کے ساتھ یکسال طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساکن بُش، اسپرنگ کی مدد سے ان کے ساتھ دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ جب مشین چگتی ساکن بُش، اسپرنگ کی مدد سے ان کے ساتھ دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ جب مشین چگتی رکھتا ہے اور ان کا برتی جوٹر مضبوط رکھتا ہے اور ان کے مابین چگلویاں نہیں نگتی۔ کاربن بُش کے ساتھ برتی تار لگی ہے۔ اس طرح یک سمتی برتی رو آء ، کاربن بُش کے ساتھ برتی تار لگی ہے۔ اس طرح یک سمتی برتی رو آء ، کاربن بُش کے ساتھ برتی تار لگی ہے۔ اس طرح یک سمتی برتی رو آء ، کاربن بُش کے ساتھ برتی تار سے گھومتے کچھے تک بہنچتی ہے۔

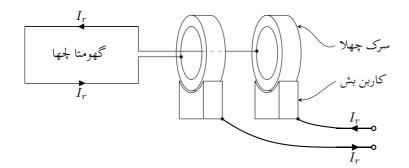
بڑے معاصر مشین میں میدانی کی سمتی برقی رو عموماً ایک بدلتی رو برقی جزیر سے حاصل کی جاتی ہے جو معاصر مشین کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے اور اس کے ساتھ کیاں طور پر گھومتی ہے۔اس چھوٹے جزیئر کی برقی دباو کو دھرے پر ہی نسب الکیٹرائکس کی مدد سے کی سمتی برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یوں سرک چھلے کی ضرورت نہیں رہتی۔سرک چھلے رگڑ کی وجہ سے خراب ہوتے ہیں جس کی وجہ سے معاصر مشین کو مرمت کی خاطر بند کرنا پڑتا ہے جو بہت مہنگا پڑتا ہے۔

اُبھرے قطب⁶ مشین پانی سے چلنے والے ست رفتار جزیٹر اور عام استعال کے موٹروں کے موٹروں کے موٹروں کے موٹروں کے کئے موزوں ہوتے ہیں جبکہ ہموار قطب⁷ مشین تیز رفتار دو یا چار قطب والے ٹربائن جزیٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں۔

کی بھی مملکت کو درکار برقی توانائی ایک برقی جزیٹر سے دینا ممکن نہیں، لہذا حقیقت میں پچھ درجنوں سے لیکر کئی سو برقی جزیٹر بیک وقت یہ فریضہ سر انجام دے رہے ہوتے ہیں۔ ایک سے زیادہ جزیٹر استعال کرنا فائدہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اوّل تو برقی توانائی کی

slip rings⁴ carbon bush⁵ salient poles⁶

non-salient poles⁷



شکل 6.1: کاربن بُش اور سرک چھلوں سے کچھے تک برقی روپہنچایا گیا ہے۔

ضرورت کے مطابق جزیٹر چالو کئے جا سکتے ہیں اور پھر ان جزیٹروں کو ضرورت کی جگہ کے مکنہ طور پر قریب نسب کیا جا سکتا ہے۔ کسی بھی اس طرح کے بڑے نظام میں ایک جزیٹر کی حیثیت بہت کم ہو جاتی ہے۔ ایک جزیٹر چالو یا بند کرنے سے پورے نظام پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ اس صورت میں ہم اس نظام کو ایک مقررہ برتی دباو اور ایک مقررہ برتی تعدد رکھنے والا نظام تصور کر سکتے ہیں۔ معاصر جزیٹروں کے کئی اہم پہلو با آسانی سمجھے جا سکتے ہیں اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ یہ ایک ایسے ہی نظام سے جوڑا گیا ہے۔

مساوات 5.101 ایک معاصر مثین کا قوت مروڑ بتلاتا ہے۔ اس مساوات کے مطابق برتی مقاطیسی قوت مروڑ کی کوشش ہوتی ہے کہ وہ مثین میں موجود عمل کرنے والے مقاطیسی دباو کو سیدھ میں لائے۔ برقرار چالو مثین کا برقی مقاطیسی قوت مروڑ اور اس کے دھرے پر لاگو میکانی قوت مروڑ برابر ہوتے ہیں۔ جب مثین ایک جزیئر کی حیثیت سے استعال ہو تب میکانی طاقت دھرے کو گھاتا ہے اور گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو کُل مقاطیسی دباو کُل مقاطیسی دباو سے گھومنے کی سمت میں آگے ہوتا ہے۔ مساوات 5.101 سے حاصل قوت مروڑ اس صورت میں گھومنے کو روکنے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے چلتے صورت میں گھومنے کو روکنے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے جلتے انجن وغیرہ سے حاصل ہو سکتا ہے۔ اس طرح اگر مثین ایک موٹر کی حیثیت سے استعال ہو رہا ہو، تب صورت اس کے بالکل اُلٹ ہو گی۔

اگر گُل مقناطیسی بہاو ϕ_{ar} اور گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو au_r تبدیل نہ ہو تب اس مساوات کے مطابق مشین کا قوت مروڑ $\sin heta_r$ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ اگر زاویہ $heta_r$ صفر

ہو تب ہے قوت مروڑ بھی صفر ہو گا۔ اب تصور کریں کہ یہی مثین ایک موٹر کے طور پر استعال ہو رہی ہو۔ جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جائے ویسے ویسے اس کے دھرے پر میکانی قوت مروڑ بڑھے گی۔ موٹر کو برابر کا برتی مقناطیسی قوت مروڑ پیدا کرنا ہو گا جو بے زاویہ بڑھا کر کرتا ہے۔ یہاں ہے سمجھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر وقت معاصر رفتار سے ہی گھومتا ہے اور وہ بے زاویہ پل بھر کے لئے آہتہ ہو کر ضرورت کے مطابق درست کرتا ہے۔ یعنی موٹر کا زاویہ θ_r ہر وقت میکانی قوت مروڑ کا تعقب θ_r کرتی ہے۔

 θ_{r} اگر موٹر پر لدا میکانی بوجھ بندر تک بڑھایا جائے تو ایک لحمہ آئے گا جب زاویہ θ_{r} نوے درجہ لینی فتح ریڈ بین تک پنچ جائے گا۔ اس لحمہ موٹر اپنی انتہائی قوت مروڑ و پیدا کر رہی ہو گی۔ اگر بوجھ مزید بڑھایا جائے تو موٹر کی بھی صورت میں اس کے مقابلے کا قوت مروڑ نہیں پیدا کر سکتی اور یہ موٹر رکھ جائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر 10 صورت اختیار کر لی ہے۔ مساوات سے یہ ظاہر ہے کہ کُل مقاطیسی بہاو یا گھومتے کچھے کا مقاطیسی دباو بڑھا کر اس انتہائی قوت مروڑ کی مقدار بڑھائی جا سکتی ہے۔

یبی صورت اگر مشین برتی جزیر کے طور پر استعال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیر معاصر صورت اختیار کرے اسے جلد خود کار دور شکن ۱۱ کی مدد سے برتی بھم رسانی سے الگ کر دیا جاتا ہے۔

ہم نے دیکھا کہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف ای رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف ای رفتار پر گھومتی صورت میں قوت مروٹر پیدا کر سکتی ہے البذا اگر اسے ساکن عالت سے چالو کرنے کی کوشش کی جائے تو یہ کوشش ناکام رہے گی۔ ایسے موٹر کو پہلے کے اور طریقے سے معاصر رفتار تک لایا جاتا ہے اور پھر اسے چالو کیا جاتا ہے۔ ایسا عموماً ایک چھوٹی امالی موٹر کو کی مدد سے کیا جاتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو، اس کے معاصر رفتار تک لے آتا ہے اور پھر اس معاصر موٹر کو چالو کیا جاتا ہے۔ ایسی امالہ موٹر معاصر موٹر کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے۔

hunting⁸ pull out torque⁹ lost synchronism¹⁰ circuit breaker¹¹ induction motor¹²

6.2 معاصر مشین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مثین دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے لچھے سارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح لچھوں میں برتی رو، تار برتی رو¹³ ہی ہو گی اور ان پر لاگو برتی دباو، یک مرحلہ برتی دباو ہو گی۔اییا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ تیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

شکل 6.2 میں ایک ایبا تین مرحلہ دو قطب معاصر مثین دکھایا گیا ہے۔ اس کا گھومتا حصہ نگی نما ہے۔ اس کو دو قطب کا مثین یا پھر P قطب کے مثین کا دو قطب کا حصہ سمجھا جا سکتا ہے۔

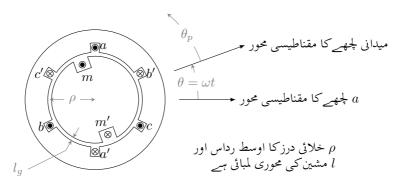
یہاں گچھ لچھے دکھائے گئے ہیں لیکن حقیقت میں تھیلے لچھے ہی استعال ہوتے ہیں اور انہیں درحقیقت تھیلے لچھے ہی سمجھا جائے۔ اس طرح ہر لچھا سائن نما برقی دباو پیدا کرتا ہے جس کی چوٹی لچھے کی مقاطیعی محور کی سمت میں ہوتی ہے۔ چوٹکہ معاصر مثین میں گھومتے لچھے میں یک سمتی رو ہی ہوتا ہے لہذا اس کا مقناطیعی دباو ہر لحمہ گھومتے حصے کی مقناطیعی محور کی سمت میں ہی رہتا ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح گھومتے لکھے کا مقناطیعی دباو گھومتے حصے کے ساتھ ساتھ معاصر رقار سے گھومتا ہے۔

 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7

کی بھی کچھے کے خود امالہ کا حباب کرتے وقت باتی سب کچھوں کو نظرانداز کریں۔ اس کا مطلب ہے کہ آپ تصور کریں کہ باتی سب کچھوں میں برتی رو صفر ہے لیخی ان کچھوں کے سرے آزاد رکھے گئے ہیں۔ حقیقت میں اگر آپ کبھی کچھوں کے خود امالہ کو مثین کی مدد سے ناپنا جاہیں تو آپ باتی سب کچھوں کے سرے آزاد ہی رکھیں گے۔

line current¹³ phase¹⁴

6.2. معاصر مثین کے امالہ 197



شكل 6.2: تين مرحله ، دوقطب معاصر مشين ـ

6.2.1 خوداماله

 $\frac{1}{2}$ گھومتے یا ساکن کچھے کی خود امالہ L زاویہ θ پر مخصر نہیں۔ ان میں سے کسی کھی au کی مقناطیسی دباو

$$\tau = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p$$

سے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہو گی جہاں

(6.2)
$$B = \mu_0 H = \mu_0 \frac{\tau}{l_g} = \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} \cos \theta_p$$

یہ میاوات زاویہ θ_p کے ساتھ بدلتی کثافتِ مقناطیسی دباو B بتلاتی ہے۔ اس کچھے کا ایک قطب پر گل مقناطیسی بہاو ﴿ کا حبابِ کرنے کے لئے ہمیں اس مباوات کا شطحی کلمل¹⁵

surface integral¹⁵

يوں لينا ہو گا۔

(6.3)
$$\phi = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} Bl\rho \, d\theta_p$$

$$= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} l\rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, d\theta_p$$

$$= \frac{4\mu_0 k_w Nil\rho}{\pi l_g}$$

اب ہم اس کچھے کی خود امالہ L مساوات 2.29 میں جزو کھیلاو k_w کا اثر شامل کرتے ہوئے حاصل کر سکتے ہیں۔

$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{k_w N \phi}{i} = \frac{4\mu_0 k_w^2 N^2 l \rho}{\pi l_q}$$

یہ مباوات اس شکل میں کسی بھی لیچے کی خود امالہ دیتا ہے۔ یعنی

(6.5)
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l\rho}{\pi l_g}$$

اور

(6.6)
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_a}$$

6.2.2 مشتر كه اماله

اب ہم دو کچھوں کا مشترکہ امالہ حاصل کرتے ہیں۔تصور کریں کہ صرف گھومتا کچھا مقناطیسی ہواو پیدا کر رہا ہے۔ ہم اس کا وہ حصہ جو a کچھے سے گزرے کا حساب لگا کر ان کا مشترکہ امالہ حاصل کریں گے۔شکل 6.2 میں گھومتے اور a کچھے کے مابین کا زاویہ a کا مشترکہ امالہ حاصل کریں گے۔شکل جہاو جو a میں گھومتے اور a کچھے کے مابین ہو، جو کھے ہے۔ اس صورت میں وہ مقناطیسی بہاو جو a ہو جو کھے کے مابین ہو، کھے

6.2. معاصر مشین کے امالہ

سے گزرے گا۔ اس مقناطیسی بہاو کا حساب مساوات 6.3 میں تکمل کے حدود تبدیل کر کے یوں حاصل ہو گا۔

$$\phi_{am} = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, d\theta_{p}$$

$$= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, d\theta_{p}$$

$$= \frac{4\mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta$$

اس مساوات سے ان کا مشترکہ امالہ ہیہ ہے

(6.8)
$$L_{am} = \frac{\lambda_{am}}{i_m} = \frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m} = \frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

اس کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$(6.9) L_{am} = L_{am0} \cos \theta$$

جہاں جیسے پہلے ذکر ہوا زاویہ heta گھومنے کی رفتار پر منحصر ہے لیعنی $heta=\omega t$ اور L_{am0} ہیہ $heta=\omega t$

$$(6.10) L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_g}$$

اگرچہ یہ مساوات ایک گھومتے اور ایک ساکن کچھے کے لئے نکالا گیا ہے در حقیقت یہ اس شکل میں کسی بھی دو کچھوں کے لئے درست ہے۔ یہ دونوں کچھے ساکن ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ البذا دو ساکن کیساں کچھے مثلاً a آبار b اور b جن کے مابین a گا زاویہ ہے کا آباس کا مشتر کہ امالہ یہ ہو گا کے مثلاً a گا آباس کا مشتر کہ امالہ یہ ہو گا

(6.11)
$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_q} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_q}$$

جہاں دونوں کچھے بالکل کیساں ہونے کی بدولت $k_{wb}=k_{wa}$ اور $N_b=N_a$ کے ہیں۔اگر تینوں ساکن کچھے بالکل کیساں ہو تب ہم اس مساوات اور مساوات 6.5 کی مدد سے میہ ککھ سکتے ہیں۔

(6.12)
$$L_{ab} = L_{bc} = L_{ca} = -\frac{L_{aa0}}{2}$$

6.2.3 معاصراماله

مثین پر لاگو برتی دباو کو مثین کے کچھوں کی خود امالہ، مثتر کہ امالہ اور کچھوں میں برتی رو کی مدد سے کھا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہم پہلے کچھوں کی ارتباط بہاو λ کو ان کے امالہ اور ان میں برتی رو کی مدد سے یوں کھتے ہیں۔

(6.13)
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ab}i_{b} + L_{ac}i_{c} + L_{am}I_{m}$$

$$\lambda_{b} = L_{ba}i_{a} + L_{bb}i_{b} + L_{bc}i_{c} + L_{bm}I_{m}$$

$$\lambda_{c} = L_{ca}i_{a} + L_{cb}i_{b} + L_{cc}i_{c} + L_{cm}I_{m}$$

$$\lambda_{m} = L_{ma}i_{a} + L_{mb}i_{b} + L_{mc}i_{c} + L_{mm}I_{m}$$

ان مساوات میں ساکن کچھوں کے بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف کینی I_a, i_b, i_c نظامر کیا گیا ہے جبکہ گھومتے میدانی کچھے کے کیک سمتی برقی رو کو بڑے حرف I_m سے ظامر کیا گیا ہے۔

ان چار مساوات میں سے ہم کسی ایک کو چُنتے ہیں اور اسے حل کرتے ہیں۔ چونکہ سے چاروں مساوات ایک طرح کے ہیں اس لئے باتی بھی ایسے ہی حل ہوں گے۔ ہم ان میں سے پہلے مساوات لیتے ہیں یعنی

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات 6.5 ہمیں a لیچھ کا خود امالہ دیتا ہے۔ یہ مساوات یہ تصور کر کے نکالا گیا تھا کہ اس لیچھ کا پورا مقناطیسی بہاو خلائی درز سے گزرتا ہے۔ حقیقت میں ایبا نہیں ہوتا اور کچھ مقناطیسی بہاو اس خلائی درز میں سے گزر کر دوسری جانب نہیں پہنچتا۔ ایسے مقناطیسی بہاو کی وجہ سے رستا امالہ اللہ کی ایماو کی وجہ سے رستا امالہ اللہ کی L_{aa} وجود میں آتا ہے۔ یہ بالکل ٹرانسفار مر کے رستا امالہ کی طرح ہے۔ یوں اس کیچھ کا کُل خود امالہ L_{aa} ہیں ہے۔

$$(6.15) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

ہم مساوات 6.5، مساوات 6.9، مساوات 6.12 اور مساوات 6.15 کی مدد سے مساوات 6.14 کی مدد سے مساوات 6.14

(6.16)
$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{b} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{c} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$
$$= (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} (i_{b} + i_{c}) + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

6.2. معاصر مشين كے اماله

اب تین مرحلہ برتی رو مجموعہ صفر ہوتا ہے یعنی

$$(6.17) i_a + i_b + i_c = 0$$

لہذا مساوات 6.16 میں اس کو استعال کرتے ملتا ہے

$$\lambda_a = (L_{aa0} + L_{al}) i_a - \frac{L_{aa0}}{2} (-i_a) + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

$$= \left(\frac{3}{2} L_{aa0} + L_{al}\right) i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

$$= L_s i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

جہاں

$$(6.19) L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

کو معاصراماله ¹⁶ کہتے ہیں۔

اس مساوات اور مساوات 5.48 پر ایک مرتبہ دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ملتے جلتے ہیں۔ وہاں کُل گھومتا مقناطیسی دباو ایک لیجھے کی مقناطیسی دباو کے $\frac{3}{2}$ گھٹا تھا اور یہاں معاصر امالہ ایک لیجھے کی امالہ کے $\frac{3}{2}$ گھٹا ہے۔ یہ دو مساوات در حقیقت ایک ہی حقیقت کے دو پہلو ہیں۔

معاصر امالہ تین حصول پر مشمل ہے۔ پہلا حصہ L_{aa0} ہے جو a کچھے کا خود امالہ ہے۔ دوسرا حصہ $\frac{L_{aa0}}{2}$ اس کچھے لین a کچھے کا باتی دو کچھوں کے ساتھ اُس صورت میں مشتر کہ امالہ ہے جب مشین میں تین مرحلہ متوازن برتی رو ہو۔ تیسرا حصہ L_{aa} کا مشین میں متوازن برتی رو ہو۔ معاصر امالہ مشین کے ایک کچھے کا ظاہری امالہ ہوتا ہے جب مشین میں متوازن برتی رو ہو۔

مثال 6.1: ایک معاصر جزیٹر کی یک مرحلہ کُل خود امالہ 2.2 mH اور رستا امالہ 0.2 mH خاصر امالہ عاصر امالہ اور مثین کا معاصر امالہ حاصل کریں۔

synchronous inductance¹⁶

 $L_{aa}=2\,\mathrm{mH}$ کی مدد سے $L_{aa}=L_{aa0}+L_{al}$ کی مدد سے $L_{ab}=-1\,\mathrm{mH}$ کی مدد سے $L_{ab}=-1\,\mathrm{mH}$

6.3 معاصر مثین کامساوی دوریاریاضی نمونه

لچھا a پر لاگو برقی دباو اس لچھے کی مزاحمت R_a میں برقی دباو کے گھٹنے اور λ_a کے برابر ہو گا، لیعنی

$$(6.20) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - \omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + e_{am}$$

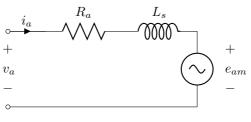
يہاں

(6.21)
$$e_{am} = -\omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$
$$= \omega L_{am0} I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

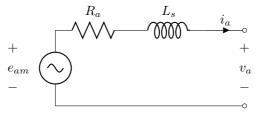
کو ہیجانی برقی دباو یا اندرونی پیدا برقی دباو کہتے ہیں جو گھومتے کچھے سے پیدا مقناطیسی بہاو کی وجہ سے وجود میں آتی ہے۔ اس کے موثر قیمت $E_{am,rms}$ مساوات $E_{am,rms}$ کی مدد سے حاصل ہوتا ہے۔

(6.22)
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

مساوات 6.20 کو ایک برقی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے جے شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔ کی بھی برقی آلہ پر جب برقی دباو لاگو کیا جائے تو برقی رو کی مثبت سمت لاگو برقی دباو کے مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی ہے۔ لہذا اس شکل میں برقی رو i_a لاگو برقی دباو v_a کی مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہے۔ یہ شکل ایک موٹر کو ظاہر کا جانب کو ہے۔ یہ شکل ایک موٹر کو ظاہر



شکل 6.3:معاصر موٹر کامساوی دوریاریاضی نمونه۔



شکل 6.4: معاصر جزیٹر کامساوی دوریاریاضی نمونه۔

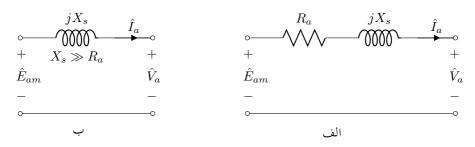
کرتی ہے جہاں موٹر کے مثبت سرے پر برقی رو اندر کی جانب کو ہوتا ہے۔ اگر موٹر کی بجائے ایک معاصر جزیٹر کی بات ہوتی تو ہے جزیٹر برقی دباو پیدا کرتا اور برقی رو اس جزیٹر کی مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی۔ اس صورت میں ہمیں شکل 6.3 کی جگہ شکل 6.4 کا۔اس شکل کی مساوات اسی شکل سے بوں حاصل ہوتی ہے۔

$$e_{am} = i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + v_a$$

یہاں سے دھیان رہے کہ جزیٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت موٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت کے اُلٹ ہے۔اس کا مرحلی سمتیہ مساوات یوں کھا جائے گا۔

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

اس مرحلی سمتیہ کے مساوات کو شکل 6.5-الف میں دکھایا گیا ہے۔عام حالات میں X_s کی مقدار R_a سے سو سے دو سو گنا زیادہ ہوتی ہے۔



شکل 6.5:معاصر جنریٹر کے مساوی دور۔

مثال 6.2: دو قطب 50 ہرٹز کا ایک معاصر جزیٹر 40 ایمپیئر میدانی برقی رو پر 2100 وولٹ یک مرحلہ موثر برقی دباو پیدا کرتی ہے۔اس مثین کی قوی اور میدانی کچھوں کے مابین مشترکہ امالہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 6.22 سے

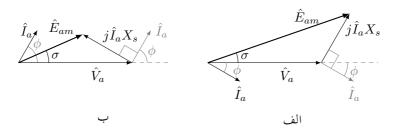
(6.25)
$$L_{am} = \frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m} = \frac{\sqrt{2} \times 2100}{2 \times \pi \times 50 \times 40} = 0.2363 \,\text{H}$$

6.4 برقی طاقت کی منتقلی

شکل 3.20 ٹرانسفارم کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) اور شکل 6.5 معاصر جزیٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) ہے۔ دونوں بالکل ایک طرح کے ہیں، لہذا مندرجہ ذیل بیان دونوں کے لئے درست ہو گا، اگرچہ یہاں ہمیں صرف معاصر آلوں سے دلچپی ہے۔

معاصر آلوں میں معاصر متعاملہ کچھے کی مزاحمت سے بہت زیادہ ہوتا ہے لہذا اس کے مزاحمت کو نظرانداز کیا جا سکتا ۔ ایسا ہی شکل کے حصہ با میں کیا گیا ہے۔

6.4. برقى طباقت كى منتقلى



شكل 6.6: معاصر جنزيٹر كامر حلى سمتىيە ـ

شکل 6.5-ب کو اگر ہم ایک لمحے کے لئے ایک سادہ برتی دور سمجھیں جس کے بائیں جانب \hat{Y}_a بائیں جانب \hat{Y}_a برتی دباو ہے جن کے مابین ایک متعاملہ \hat{Y}_a برتی ہوت کے مابین ایک متعاملہ کے اس برتی دور میں برتی طاقت کے منتقلی کا حساب یوں ممکن ہے۔

شکل 6.5-ب کی مرحلی سمتیہ شکل 6.6 میں دی گئی ہے۔ شکل 6.6-الف میں برتی رو میں برتی رو برتی دباو \hat{V}_a برتی دباو \hat{V}_a برتی دباو \hat{V}_a برتی دباو ہو کہ زاویہ افتی سمت سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے لہذا شکل-الف میں \hat{V}_a منفی زاویہ ہے اور \hat{V}_a مثبت زاویہ ہے جبکہ شکل-ب میں دونوں زاویے مثبت ہیں۔

واکیں جانب طاقت
$$p_v$$
 منتقل ہو رہی ہے جہاں $p_v = V_a I_a \cos \phi$

کے برابر ہے۔شکل 6.6-الف سے

(6.27)
$$\hat{I}_{a} = I_{a} \underline{/\phi_{a}} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_{a}}{jX_{s}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_{a}\underline{/0}}{X_{s}\underline{/\frac{\pi}{2}}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma - \pi/2 - V_{a}\underline{/-\pi/2}}}{X_{s}}$$

لکھا جا سکتا ہے۔ایک مرحلی سمتیے کے دو جزو ہوتے ہیں۔ اس کا حقیقی جزو اُفقی سمت میں بنایا جاتا ہے۔شکل 6.6 سے بنایا جاتا ہے۔شکل 6.6 سے

واضح ہے کہ اس مساوات کا حقیقی جزو \hat{V}_a کے ہم قدم ہے لہذا

(6.28)
$$I_a \cos \phi_a = \frac{E_{am}}{X_s} \cos \left(\sigma - \frac{\pi}{2}\right) - \frac{V_a}{X_s} \cos \left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
$$= \frac{E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

اس مساوات اور مساوات 6.26 سے حاصل ہوتا ہے

$$(6.29) p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین مرحلہ معاصر مشین کے لئے اس مساوات کو تین سے ضرب دیں لینی

$$(6.30) p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

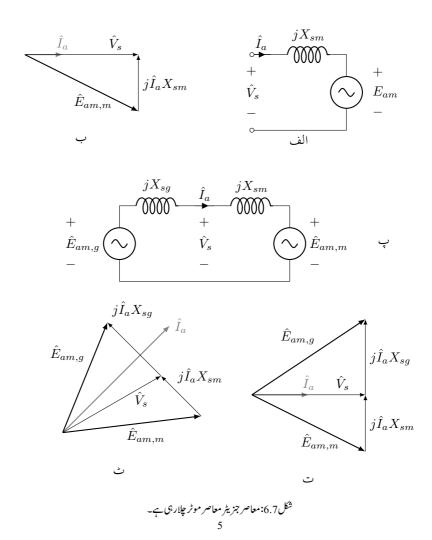
یہ طاقت بالمقابل زاویہ 0 کا قانون ہے۔اگر 0 معین ہو تو جزیئر 0 یا 0 بڑھا کر طاقت بڑھا سکتا ہے۔البتہ یہ ایک حد تک بڑھا سکتا ہے۔ لیجہ کی مزاحمت میں برتی توانائی ضائع ہونے سے یہ گرم ہوتا ہے اور اس کی حرارت کو خطرناک حد تک پہنچنے نہیں دیا جا سکتا۔ دوسری جانب 0 کو نوے زاویہ تک بڑھایا جا سکتا ہے اور اس صورت میں جزیئر زیادہ سے زیادہ طاقت مہیا کرے گا۔

$$p_{v, ; z_i} = \frac{3V_a E_{am}}{X_s}$$

حقیقت میں جزیٹر کو اس طرح بنایا جاتا ہے کہ اس کی زیادہ سے زیادہ قابلِ استعال طاقت نوے درج سے کافی کم زاویہ پر ہو۔ نوے درج پر جزیٹر کو قابو رکھنا مشکل ہو جاتا ہے۔

مثال 6.3: ایک 50 قطب ستارہ جڑی تین مرحلہ 50 ہرٹز 2300 وولٹ تار کی برقی دباو پر چلنے والی 1800 کلو وولٹ-ایمپیئر کی معاصر مشین کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.1 اوہم ہے۔

power-angle law¹⁷



- مشین کے برقی سروں پر 2300 وولٹ تار کی برقی دباو مہیا کرتے ہوئے اگر اس کی میدانی برقی رو اتنی رکھی جائے کہ پورے بوجھ پر مشین کا جزو طاقت ایک کے برابر ہو تو اس سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے۔
- اگر اسے 2 قطب 3000 چکر فی منٹ تین مرحلہ سارہ جڑی 2300 وولٹ تار کی برقی دباو پیدا کرنے والی 2200 کلو وولٹ۔ ایمپیئر کی معاصر جزیڑ سے چلایا جائے جس کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.3 اوہم ہو۔موٹر پر اس کا بورا برقی بوجھ لاد کر جزیڑ کو معاصر رفتار پر چلاتے ہوئے دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے حتیٰ کہ موٹر ایک جزو طاقت پر چلنے لگے۔دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو یہاں برقرار رکھ کر موٹر پر بوجھ آہتہ آہتہ بڑھائی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر سے زیادہ کتی قوت مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے اور اس کی سروں پر تار کی برقی دباو کتنی ہو گی۔

حل:

• شکل 6.7-الف اور 6.7-ب سے رجوع کریں۔ یک مرحلہ برقی دباو اور گل برقی رو بہ ہیں

$$\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9 \text{ V}$$
$$\frac{18000000}{\sqrt{3} \times 2300} = 451.84 \text{ A}$$

للبذا

$$\begin{split} \hat{E}_{am,m} &= \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} - j451.84 / 0^{\circ} \times 2.1 \\ &= 1327.9 - j948.864 \\ &= 1632 / -35.548^{\circ} \end{split}$$

ہے۔یوں مساوات 6.31 سے ایک مرطلے کی زیادہ سے زیادہ برقی طاقت

$$p_{\overline{\psi}^{\text{I}}} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1031968 \,\text{W}$$

6.4. برقى طب قت كى منتقلى

ہے ۔یوں تین مرحلوں کی زیادہ سے زیادہ طاقت $3\,095\,904$ واٹ ہو گی۔ $50\,$ ہر ٹز اور $50\,$ قطب سے مثین کی معاصر میکانی رفتار مساوات $5.51\,$ کی مدد سے دو چکر فی سینٹر حاصل ہوتی ہے لیعنی $f_m=2$ یوں مثین سے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ

$$T_{|\vec{\varphi}|} = \frac{p_{|\vec{\varphi}|}}{2\pi f_m} = \frac{3095904}{2 \times \pi \times 2} = 246\,364\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

حاصل ہو گی۔

• شکل 6.7 پ سے رجوع کریں۔ پہلی جزو کی طرح یہاں بھی موٹر کی برقی سروں پر تار کی برقی دباو 2300 وولٹ ہے۔ جزیٹر کی محرک برقی دباو 2300 وولٹ ہے۔ جزیٹر کی محرک برقی دباو

$$\hat{E}_{am,g} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g}$$

$$= 1327.9 / 0^{\circ} + j451.84 / 0^{\circ} \times 2.3$$

$$= 1327.9 + j1039.233$$

$$= 1686 / 38.047^{\circ}$$

ہے۔ یہ صورت شکل 6.7-ت میں دکھائی گئی ہے۔

 $\hat{E}_{am,m}$ اوت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب $\hat{E}_{am,g}$ اور $\hat{E}_{am,m}$ آپس میں 90° زاویہ پر 90° ایبا شکل 6.7 شکل 6.3 سل دکھایا گیا ہے ۔ اب مساوات 6.31 میں ایک معاصر امالہ کی جگہ سلسلہ وار جڑی موٹر اور جزیئر کی امالہ بیں اور دو برقی دباو اب موٹر اور جزیئر کی محرک برقی دباو ہیں۔یوں موٹر کی کے مرحلہ زیادہ سے زیادہ طاقت

$$p_{\overline{\psi}^{i}} = \frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \,\mathrm{W}$$

حاصل ہوں گے۔ تین مرحلوں سے یوں 1876 056 واٹ حاصل ہوں گے اور زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ

$$T_{\overline{\wp}^{\prime}} = \frac{1876056}{2 \times \pi \times 2} = 149\,291\,\mathrm{N\,m}$$

ہو گی۔

(6.32)

6.5 کیسال حال، بر قرار چالومشین کے خصوصیات

معاصر جنریٹر:برقی بوجھ بالمقابل I_m خطوط 6.5.1

 $\hat{E}_{am}=\hat{V}_a+j\hat{I}_aX_s$

اسے بوں لکھ سکتے ہیں

 $E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma = V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$ $= E_{am,x} + jE_{am,y}$

اں مساوات سے $\left|\hat{E}_{am}
ight|$ یعنی $\left|\hat{E}_{am}
ight|$ کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے۔

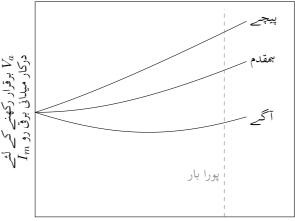
(6.34)
$$\begin{vmatrix} \hat{E}_{am} | = E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ = \sqrt{V_a^2 + (I_a X_s)^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi} \end{vmatrix}$$

جزیڑ کے سروں پر معین V_a رکھتے ہوئے مختلف ϕ کے لئے E_{am} بالمقابل I_a کو خط شکل E_{am} میں دکھائے گئے ہیں۔ چونکہ E_{am} اور I_m براہِ راست متناسب ہیں اور اس طرح کسی ایک مخصوص جزو طاقت اور معین V_a کے لئے جزیڑ کا طاقت I_a کے براہِ راست متناسب ہوتا ہے لہٰذا کبی ترسیم I_m بالمقابل جزیڑ کے طاقت کو بھی ظاہر کرتا ہے۔

معاصر موٹر: I_a بالمقابل معاصر موٹر: I_a

معاصر موٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے اور اس کا مرحلی سمتیہ شکل 6.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس میں مزاحمت نظرانداز کرنے سے اس کی مساوات

complex number¹⁸



 I_a برقی باریا قوی کچھے کی برقی رو

شکل 6.8: جنزیٹر: برقی بوجھ بالمقابل I_m کے خط

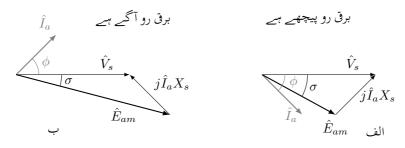
يوں ہو گی۔

(6.35)
$$\begin{split} \hat{V}_{a} &= \hat{E}_{am} + j\hat{I}_{a}X_{s} \\ V_{a}\underline{/0} &= E_{am}\underline{/\sigma} + jI_{a}\underline{/\phi}X_{s} \\ &= E_{am}\underline{/\sigma} + I_{a}X_{s}/\frac{\pi}{2} + \phi \end{split}$$

اس مساوات میں زاویے موٹر پر لاگو برقی دباو \hat{V}_a کے حوالہ سے ہیں، لینی کی اُلٹی سمت صفر لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ زاویہ ناپنے کی مثبت سمت اُفقی کیبر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ہندا پیش زاویہ 0 مثنی ہیں۔ اس مساوات سے امالی دباو E_{am} کی مقدار یوں حاصل ہو گی۔

$$\begin{split} E_{am}\underline{/\sigma} &= V_a\underline{/0} - I_aX_s\underline{/\frac{\pi}{2} + \phi} \\ &= V_a - I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_aX_s\sin\phi - jI_aX_s\cos\phi \end{split}$$

leading angle¹⁹ lagging angle²⁰



شکل 6.9:موٹر کامر حلی سمتیہ۔ ح

للبذا

(6.36)
$$|E_{am}| = \sqrt{(V_a + I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2}$$
$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

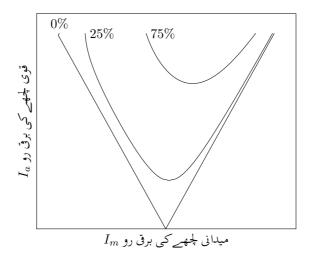
موٹر پر لاگو برقی دباہ اور اس پر میکانی بوجھ کو 0%، 25% اور 75% پر رکھ کر اس مساوات کو شکل 6.10 میں ترسیم کیا گیا ہے۔ یہ موٹر کے E_{am} بالمقابل I_a خط ہیں۔ چونکہ امالی دباہ I_m کے براہِ راست متناسب ہے البذا یہی موٹر کے I_m بالمقابل I_a خط بھی I_a این میکانی بوجھ I_a کے لئے ہے جہاں

$$(6.37) p = V_a I_a \cos \phi$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر p اور V_a معین ہوں تو جزو طاقت تبدیل کر کے I_a تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ لہذا مساوت E_a کو مساوات E_a کی مدد سے ترسیم کیا جاتا ہے۔ سے کچھ یوں کیا جاتا ہے۔ معین E_a اور E_a کو مساوات E_a میں استعال کر کے E_a کا حساب کا گئیں اور E_a بالمقابل E_a بالمقابل E_a کا حساب کا گئیں اور E_a بالمقابل E_a بالمقابل E_a کا کیں۔

موٹر کی ان خطوط سے واضح ہے کہ I_m کو تبدیل کر کے موٹر کی جزو طاقت تبدیل کی جا سکتی ہے۔ البندا موٹر کو پیٹھ زاویہ یا تاخیرہ زاویہ پر چلایا جا سکتا ہے۔ اگر است پٹٹ زاویہ پر رکھا جائے تو یہ ایک سیسٹر 21 کے طور پر استعال ہو سکتا ہے اگرچہ ایسا کیا نہیں جاتا چونکہ سیسٹر از خود زیادہ ستا ہوتا ہے۔

capacitor21



شکل 6.10: موٹر: I_m بالقابل I_a کے خط

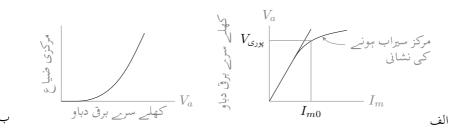
6.6 کھلے دور اور کسرِ دور معائنہ

معاصر مشین کے مساوی دور بنانے کے لئے اس کے جزو معلوم کرنا لازم ہے۔ یہ دو قسم کے معاشوں سے کیا جاتا ہے۔ انہیں کھلے دور معائنہ اور کسر دور معائنہ کہتے ہیں۔ان معائنوں سے قالب کے سیراب ہونے کے اثرات بھی سامنے آتے ہیں۔ہم نے ٹرانسفار مرکے لئے بھی اسی قسم کے معائنے کیے تھے۔وہاں ہم نے دیکھا تھا کہ کھلے دور معائنہ اس برتی دباو پر کیا جاتا ہے جتنے کے لئے مثین بنائی گئ ہو جبکہ کسر دور معائنہ اس برتی رو پر کیا جاتا ہے جتنے کے لئے مثین بنائی گئ ہو۔یہاں بھی ایسا ہی کیا جائے گا۔

6.6.1 گُطلے دور معائنہ

 I_m معاصر مثین کے برتی سرے کھے رکھ کر اور اسے معاصر رفتار پر گھماتے ہوئے مختلف V_a مثین کے سروں پر پیدا برقی دباو V_a ناپی جاتی ہے ۔ان دو کا ترسیم شکل V_a الف

 $design^{22}$



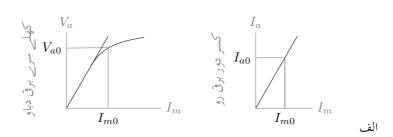
شكل 6.11: كُلِّے دور خطاور قالبی ضیاع۔

میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط مثین کے کھلے دور خاصیت ظاہر کرتا ہے۔ یہی خط مثین بنانے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

اس کتاب کے حصہ 2.8 میں بتلایا گیا تھا کہ قالب پر لاگو مقناطیسی دباو اگر بڑھایا جائے تو اس میں مقناطیسی بہاو بڑھتی ہے البتہ جلد ہی قالب سیراب ہونے لگتا ہے۔اس کا اثر شکل–الف میں خط کے جھکنے سے واضح ہے۔اگر قالب سیراب نہ ہوتا تو یہ خط شکل میں دیئے سیدھی کیبر کی پیروی کرتا۔ شکل میں مشین کا پورا برقی دباو اور اس پر درکار برتی رو I_{m0} کے حکلیا گیا ہے۔

یہ معائدہ کرتے وقت اگر دھرے پر میکانی طاقت p_1 ناپی جائے تو یہ بے ہوجھ مثین کی طاقت کے ضیاع کے برابر ہو گ۔ اس کا بیشتر حصہ رگڑ کی وجہ سے، پچھ حصہ قالب میں ضیاع کی وجہ سے ہو گا۔یاد رہے کہ عموماً گھومتے لچھے میں ضیاع کی وجہ سے ہو گا۔یاد رہے کہ عموماً گھومتے لچھے کو یک سمتی جزیئر سے برتی توانائی دی جاتی ہے اور یہ جزیئر بھی مشین کے دھرے پر ہی نسب ہوتا ہے لہذا اسے طاقت محرک 23 سے مان ہوتا ہے لہذا اسے طاقت کے ضیاع کو یکساں سمجھا جاتا ہے چونکہ رگڑ سے طاقت کے ضیاع کو یکساں سمجھا جاتا ہے چونکہ رگڑ سے طاقت کے ضیاع کو یکساں سمجھا جاتا ہے چونکہ رگڑ معائنہ دوبارہ کیا جائے لیکن اس مرتبہ I_m بھی صفر رکھا جائے تو اس مرتبہ ناپا گیا طاقت معائد دوبارہ کیا جائے لیکن اس مرتبہ I_m بھی صفر رکھا جائے تو اس مرتبہ ناپا گیا طاقت کا فران دو ناپے گئے طاقت کا فران دو ناپے گئے طاقت کا فران یونی دگڑ کی وجہ سے طاقت کے ضیاع کے برابر ہو گا۔ان دو ناپے گئے طاقت کا فران یکن دیار کی فران کی فیاع کے برابر ہو گا۔ان دو ناپے گئے طاقت کا فران کی فیاع کے برابر ہو گا۔ان کو عمواً قالب کے ضیاع کی جو گا۔گومتے لچھے میں برتی ضیاع بہت کم ہوتا ہے اور اس کو عمواً قالب کے ضیاع کا جو گا۔گومتے لچھے میں برتی ضیاع بہت کم ہوتا ہے اور اس کو عمواً قالب کے ضیاع کا جو گیا کا کھومتے لیجے میں برتی ضیاع بہت کم ہوتا ہے اور اس کو عمواً قالب کے ضیاع کا جو گا۔گومتے لیجے میں برتی ضیاع کیہت کم ہوتا ہے اور اس کو عمواً قالب کے ضیاع کا

²³ گھوٹے کچھے کو قوانائی یک سمتی جزیئر سے آتی ہے اور اس جزیئر کو دھرے سے آتی ہے۔



شكل 6.12: كسر دور خط اور كطلے دور خط۔

حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے قالبی ضیاع کا ایک خط شکل 6.11-ب میں دیا گیا ہے۔

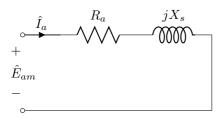
6.6.2 كسر دور معائنه

معاصر مشین کو معاصر رقار پر جزیئر کے طور چلاتے ہوئے اس کے ساکن کچھے کے سرے کسر دور کر کے مختلف I_m پر کسر دور برتی رو I_a ناپی جاتی ہے۔ ان دو کا ترسیم شکل -6.12 الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط کسر دور مشین کی خاصیت دکھلاتا ہے۔ یہ معائنہ کرتے وقت یہ دھیان رکھنا بہت اہم ہے کہ I_a کی مقدار کہیں خطرناک حد تک نہ بڑھ جائے لہٰذا اسے جزیئر کے بورے برتی بوچھ -2 پر -1 کی مقدار یا اس کی دگنی مقدار سے کم رکھنا ضروری ہے ورنہ مشین گرم ہو کر تباہ ہو سکتی ہے۔ کسر دور مشین میں، ڈیزائن کردہ برتی دباو کے، صرف دس سے پندرہ نی صد برتی دباو پر ہی اس میں سو نی صد برتی رو شروع ہو جاتی ہے۔ اتنا کم برتی دباو حاصل کرنے کے لئے خلائی درز میں اس تناسب سے کم مقناطیسی بہاو درکار ہوتا ہے۔

شکل 6.5 میں جزیٹر کے مساوی برقی دور دکھائے گئے ہیں۔ اسے شکل 6.13 میں کسر دور کر کے دکھایا گیا ہے۔یہاں سے واضح ہے کہ

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

full load²⁴



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad X_s \gg R_a \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

شكل 6.13:معاصر اماليه

کو نظر انداز کر کے اس مساوات سے معاصر امالہ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے۔ R_a

(6.39)
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

اس مساوات میں \hat{I}_a کسر دور مثین کی برقی رو اور \hat{E}_{am} اس کی اسی حال میں ایک دور کی امالہ برقی دباو ہے۔ کھلے دور مثین میں میں \hat{I}_a صفر ہوتا ہے ۔مساوات 6.32 سے I_{m0} اور \hat{E}_{am} اور \hat{V}_a برابر ہول گے۔ البذا ہم کسی معین معین \hat{I}_{a} واضح ہے کہ اگر \hat{I}_a صفر ہو تو \hat{E}_{am} اور شکل V_{a0} بین اور ان سے V_{a0} معلوم کرتے ہیں اور ان سے V_{a0} کا حساب لگاتے ہیں، لیعن V_{a0} کا حساب لگاتے ہیں، لیعن

(6.40)
$$X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$

معاصر امالہ عموماً مشین کے پورے برقی دباو پر معلوم کی جاتی ہے تا کہ قالب سیراب ہونے کے اثر کو بھی شامل کیا جائے۔شکل میں ایسا ہی کیا گیا ہے۔

معاصر امالہ مشین کو ستارہ نما تصور کر کے اس کا یک مرحلہ X_s حاصل کیا جاتا ہے۔ لہٰذا اگر معائنہ کرتے وقت مشین کی تار برقی دباو 25 ناپے گئے ہوں تو انہیں $\sqrt{3}$ سے تقسیم کر کے مشین کے یک مرحلہ برقی دباو حاصل کر کے مساوات میں استعال کریں، یعنی

$$V_{\text{pl}} = \frac{V_{\text{pl}}}{\sqrt{3}}$$

line voltage²⁵

مثال 6.4: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر سارہ جڑی 415 وولٹ پر چلنے والی تین مرحلہ معاصر مثین کے کھلے دور اور کسرِ دور معائنے کئے گئے۔حاصل نتائج پیر ہیں۔

- کطلے دور معالنہ: $V_m = 3.2 \, \mathrm{A}$ اور $V_m = 415 \, \mathrm{V}$

• کسر دور معائد: جب قوی کچھے کی برتی رو $104 \, \mathrm{A}$ تشی تب میدانی کچھے کی برتی رو $2.48 \, \mathrm{A}$ کی برتی رو $2.48 \, \mathrm{A}$ کی برتی رو $3.2 \, \mathrm{A}$ کی برتی رو $3.2 \, \mathrm{A}$ کی برتی رو $3.2 \, \mathrm{A}$ کی برتی رو کہ تشی۔

اس مشین کی معاصر امالہ حاصل کریں۔

حل: یک مرحله برقی دباو

$$V_{\rm loc} = rac{V_{
m lt}}{\sqrt{3}} = rac{415}{\sqrt{3}} = 239.6\,{
m V}$$

ہے۔ یہ کھلے دور برقی دباو 3.2 ایمپیئر میدانی برقی رو پر حاصل ہوتی ہے۔ اتنی میدانی برقی رو پر حاصل ہوتی ہے۔ اتنی میدانی برقی رو یر کسر دور برقی رو 126 ایمپیئر ہیں لہذا یک مرحلہ معاصر امالہ

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901\,\Omega$$

ہو گی۔

 I_{0} کر دور معائنہ کرتے وقت اگر دھرے پر لاگو میکانی طاقت I_{0} ناپی جائے تو یہ کر دور مثین کی کُل ضیاع ہو گی۔ I_{0} ناپت وقت کر دور برتی رو I_{0} بھی ناپ لیں۔اس کا کچھ دھنہ قالب کی برتی ضیاع، کچھ دونوں کچھوں میں برتی ضیاع اور کچھ رگڑ سے میکانی ضیاع سے ہے۔اب اگر اس سے پچھلے معائنہ میں ناپی گئی رگڑ کی ضیاع I_{0} منفی کی جائے تو ہمیں کچھوں کی ضیاع اور قالب کی ضیاع متا متنا ہے۔ جیسا اُوپر عرض کیا گیا کہ کر دور



شكل 6.14: كسر دور معاصر مشين ميں طاقت كاضياع۔

مشین میں پورا برقی رو، پورے برقی دباو کے صرف دس تا ہیں فی صد پر حاصل ہو جاتا ہے۔ اور اتنا کم برقی دباو حاصل کرنے کے لئے درکار مقاطیعی بہاو اتنا ہی کم ہوتا ہے۔ ات کم مقاطیعی بہاو پر قالب میں ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح کی بھی کسر دور معاصر مثین کے گھومتے کچھے میں برقی ضیاع ساکن کچھے میں برقی ضیاع سے بہت کم ہوتا ہے اور اسے بھی نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔لہذا (p_3-p_2) کو ساکن کچھے میں برقی ضیاع کے برابر لیا جاتا ہے۔شکل 6.14 میں ایک ایسا ہی خط دکھایا گیا ہے۔لہذا

$$p_3 - p_2 = I_{a,3}^2 R_a$$
اس مساوات سے معاصر مثین کی مساوی مزاحمت ہوتی ہے۔

(6.42)
$$R_a = \frac{p_3 - p_2}{I_{a,3}^2}$$

مثال 6.5: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر 415 وولٹ پر چلنے والی تین مرحلہ معاصر مثین کے پورے برقی رو پر کُل کس دور طاقت کا ضیاع 2.2 کلو واٹ ہے۔ اس مثین کی یک مرحلہ موثر مزاحمت حاصل کریں۔

$$\sqrt{5000} = 733.33 \,\mathrm{W}$$
 پوری برتی رو $\frac{2200}{3} = 733.33 \,\mathrm{W}$ وری برتی رو $\frac{75000}{\sqrt{3}V_{\mathrm{pt}}} = 104.34 \,\mathrm{A}$

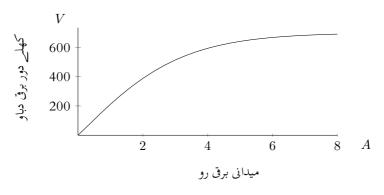
ہے۔لہذا

$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067\,\Omega$$

ہے۔

مثال 6.6: شکل 6.15 میں 500 وولٹ، 50 ہرٹز، 4 قطب ستارہ جڑی معاصر جزیئر کا کھلے دور خط دکھایا گیا ہے۔اس جزیئر کا معاصر امالہ 0.1 اوہم اور قوی کچھے کی مزاحمت کا کھلے دور خط دکھایا گیا ہے۔اس جزیئر کا معاصر امالہ 0.1 اوہم اور قوی کچھے کی مزاحمت میں میں میں میں میں فراہم کرتا ہے۔پورے بوجھ پر رگڑ کے ضیاع اور کچھے کی مزاحمت میں ضیاع کا مجموعہ کلو واٹ ہے۔

- جزیٹر کی رفتار معلوم کریں۔
- بے بوجھ جزیٹر کی سروں پر 500 وولٹ برقی دباو کتنی میدانی برقی رو پر حاصل ہو گی۔
- اگر جزیٹر پر 0.92 تاخیری جزو طافت، 1000 ایمپیئر کا برتی بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتی میدانی برقی رو درکار ہو گی۔
- جزیٹر پورے بوجھ پر کتنی طاقت فراہم کر رہا ہے جبکہ اس کو محرک کتنی میکانی طاقت فراہم کر رہا ہے۔ان دو سے جزیٹر کی فی صد کارگزاری 27 حاصل کریں۔
- اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تو اس لمحہ اس کے برقی سروں پر کتنا برقی دباو ہو گا۔
- اگر جزیٹر پر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش جزو طاقت والا بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برقی رو درکار ہو گا۔
- ان دو 1000 ایمپیئر تاخیری جزو طاقت اور پیش جزو طاقت بوجھوں میں کونی بوجھ زیادہ میدانی برقی رو پر حاصل ہوتی ہے۔جزیئر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہو گا۔



شكل 6.15: كطلے دور خط۔

حل:

$$\vec{b}$$
 کی کینڈ یا $f_m=rac{2}{4} imes 50=25$ کی کینڈ یا $f_e=rac{P}{2}f_m$ فیکر کی کینڈ یا $f_e=rac{P}{2}f_m$ فیکن ہے۔

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$
= 289/0° + 1000/-23.07° (0.01 + j0.1)
= 349/14.6°

lagging power factor²⁶ efficiency²⁷

• جنریٹر اس صورت میں

$$p = \sqrt{3}\hat{V}_a \cdot \hat{I}_a$$
$$= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92$$
$$= 796743 \text{ W}$$

فراہم کر رہا ہے جبکہ محرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\mathrm{kW}$$

 $\eta = \frac{796.743}{851.74} \times 100 = 93.54\%$ کر رہا ہے لہذا اس جزیٹر کی کارگزاری

- اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تو اس لمحہ اس کے برقی سروں پر 604 وولٹ برقی دباو ہو گا۔
 - پیش جزو طاقت کی صورت میں

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 289\underline{/0^{\circ}} + 1000\underline{/23.07^{\circ}}(0.01 + j0.1)$$

$$= 276\underline{/20.32^{\circ}}$$

درکار ہو گی جس سے اندرونی پیدا تار برقی دباو $\sqrt{3} \times 276 = 478 \times \sqrt{3}$ وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتنی دباو کے لئے 2.7 میدانی برقی رو درکار ہے۔

• تاخیری جزو طاقت کے بوجھ پر جزیٹر کو زیادہ میدانی برقی رو درکار ہے۔میدانی لچھے کی مزاحمت میں اس کی وجہ سے زیادہ برقی طاقت ضائع ہو گی اور جزیٹر یوں زیادہ گرم ہو گا۔

مثال 6.7: ایک 415 وولٹ، 40 کلو وولٹ۔ ایمپییئر ستارہ جڑی 0.8 بزو طاقت، 50 ہرٹر پر چلنی والی معاصر موٹر کا معاصر امالہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت قابل نظر انداز ہے۔اس کی رگڑ اور کیچھوں کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع ایک کلو واٹ جبکہ

قالبی ضیاع 800 واٹ ہے۔ یہ موٹر 12.2 کلوداٹ میکانی بوجھ سے لدی ہے اور یہ 0.8 پیش جزو طاقت پر چل رہی ہے۔ یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو ستارہ نما تصور کرتے ہوئے عاصل کی جاتی ہے۔

- اس کی مرحلی سمتیہ بنائیں۔تار کی برقی رو \hat{I}_t اور قوی کیجھے کی برقی رو \hat{I}_a حاصل کریں۔موٹر کی اندرونی بیجانی برقی دباو \hat{E}_a حاصل کریں۔موٹر کی اندرونی بیجانی برقی دباو
- میدانی برقی رو کو بغیر تبدیل کئے میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھا کر دگنی کی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر کی ردِ عمل مرحلی سمتیہ سے واضح کریں ۔
- اس دگنی میکانی بوجھ پر قوی کچھے کی برقی رو، تار کی برقی رو اور موٹر کی اندرونی پیچانی برقی دباو حاصل کریں۔ موٹر کی جزو طاقت بھی حاصل کریں۔

حل:

• ستارہ جڑی موٹر کے سروں پر یک مرحلہ برقی دباو $239.6\,\mathrm{V}$ ہو گا جے صفر زاویہ پر تصور کرتے ہوئے برقی رو کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔یوں 0.8 و کا خوات کیما جائے گا۔جزو طاقت 0.8 زاویہ 0.8 کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں تار کی برقی رو کا پیٹر زاویہ یہی ہو گا۔موٹر کو مہیا برقی طاقت اس کی میکانی طاقت اور طاقت کے ضیاع کے برابر ہو گی لیمنی

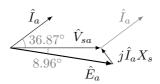
12200 W + 1000 W + 800 W = 14000 W

جس کے لئے درکار تار کی برقی رو

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t \cos \theta}$$
$$= \frac{14\,000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$$
$$= 24.346 \,\text{A}$$

ہو گی۔ستارہ جڑی موٹر کے قوی کیچھے کی برقی رو تار کے برقی رو کے برابر ہو گی۔بوں برقی رو کا زاویہ شامل کرتے ہوئے اسے

$$\hat{I}_a = \hat{I}_t = 24.346/36.87^{\circ}$$



شكل 6.16: بوجھ بر دار معاصر موٹر۔

لکھا جا سکتا ہے۔

موٹر کا اندرونی یک مرحلہ ہیجانی برتی دباو موٹر کی مساوی دور شکل 6.3 کی مدد سے

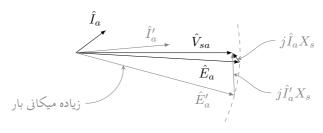
$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_{a,s} - jX_s \hat{I}_a \\ &= 239.6 / \underline{0^{\circ}} - j2.2 \times 24.346 / \underline{36.87^{\circ}} \\ &= 276 / \underline{-8.96^{\circ}} \end{split}$$

ہو گی۔ یہ تمام صورت حال شکل 6.16 میں مرحلی سمتیات کی مدد سے دکھایا گیا ہے۔

میکانی بوجھ بڑھنے سے موٹر کو زیادہ برقی طاقت درکار ہو گی۔ یہ اس صورت ممکن ہوئی بو گا جب موٹر کے قوی کچھ کی برقی رو بڑھ سکے۔میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کی اندرونی بیجانی برقی دباو \hat{E}_a کی مقدار تبدیل نہیں ہو سکتی البتہ اس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔موٹر \hat{E}_a کی مقدار تبدیل کئے بغیر برقی سروں پر لاگو برقی دباو \hat{E}_a اور \hat{E}_a کی مایین زاویہ بڑھا کر قوی کچھے کی برقی رو اور یوں حاصل برقی دباو \hat{E}_a اور \hat{E}_a کا خالیا شکل \hat{E}_a میں دکھایا گیا ہے۔شکل میں \hat{E}_a مرحلی سمتیہ برقی طاقت بڑھائے گا۔اییا شکل \hat{E}_a میں دکھایا گیا ہے۔شکل میں ہوتا۔زاویہ کی نوک نقطہ دار گول دائرہ پر رہتی ہے۔یوں اس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔زاویہ بڑھنے سے بڑھن رو بڑھ گئی ہے۔زیادہ بوجھ کے متغیرات کو بلکی سیاتی میں دکھایا گیا ہے۔

واٹ یا 26.2 واٹ یا 24400 + 800 + 1000 = 26200 واٹ یا 26.2 واٹ یا 26.2 واٹ برتی طاقت در کار ہے۔میاوات 26.2 کی مدد سے

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_a E_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^{\circ}$$



شكل 6.17: بوجھ بڑھنے كااثر۔

يوں موٹر کی اندرونی بيجانی برقی دباو $\frac{-16.89^{\circ}}{276}$ ہو گی اور قوی ليجھے کی برقی رو

$$\begin{split} \hat{I}_{a} &= \frac{\hat{V}_{a} - \hat{E}_{a}}{jX_{s}} \\ &= \frac{239\underline{/0^{\circ}} - 276\underline{/-16.89^{\circ}}}{j2.2} \\ &= 38\underline{/17.4^{\circ}} \end{split}$$

 $\cos 17.4^\circ = 0.954$ ہو گی۔ ستارہ جوڑ کی وجہ سے \hat{I}_t مجلی اتنا ہی ہو گا۔ پیش جزو طاقت \hat{I}_t

إب7

امالی مشین

گزشتہ برسوں میں قوی الیکٹرانکرہ ایک میدان میں بہت ترقی ہوئی۔اس کا ایک نتیجہ یہ نکلا کہ اہالی موٹروں کی رفتار پر قابو رکھنا ممکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کارخانوں میں یک سمتی رو موٹروں کی جبّل بھی شروع کی۔یہاں یہ بتلاتا چلوں کہ اس سے پہلے جبال بھی موٹر کی رفتار اہمیت رکھتی وہاں یک سمتی رو موٹر ہی استعال ہوتی جن کی رفتار پر قابو رکھنا نہایت آسان ہوتا ہے۔پیاس سال پہلے ترقی یافتہ ممالک میں یک سمتی سے امالی آلوں کی جانب تبدیلی شروع تھی۔ آج میں یہی تبدیلی پاکستان میں دیکھ رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیرپا کام کرنے کی صلاحیت مثالی ہے۔ قوی الیکٹرانکس نے ان کی بے قابو کو قابو کر کے انہیں بلا مقابلہ بنا دیا۔

امالی موٹر ٹرانسفارمر کی ایک اور شکل ہے یا یوں کہنا بہتر ہو گا کہ یہ ایک ایسا ٹرانسفارمر ہے جس میں ثانوی لچھا حرکت بھی کرتا ہے۔یوں امالی موٹر کے ساکن لچھے ٹرانسفارمر کے ابتدائی لچھے اور موٹر کے گھومتے لچھے ٹرانسفارمر کے ابتدائی لچھوں کی جگھ ہوتے ہیں۔موٹر کے ساکن لچھوں کو بیرونی برقی طاقت دی جاتی ہے جبکہ اس کے گھومتے لچھوں میں خلاء میں گھومتے مقناطیسی موج سے پیدا امالی برقی دباو ہی کام آتی ہے۔اس سے اس کا نام امالی موٹر نکلا ہے۔

اس باب کا مقصد امالی موٹر کی مساوی دور لیعنی ریاضی نمونه 2 بنا کر اس کی خصوصیات پر

power electronics¹ mathematical model²

باب.7.امالي مشين

غور کرنا ہے۔ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دور ٹرانسفارمر کے مساوی دور کی طرح کا ہے۔

یہاں بھی ہم تصور کرتے ہیں کہ موٹر دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے کچھے سارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح یک مرحلہ کچھوں میں برقی رو، تار کی برقی رو ہی ہو گی اور ان پر لاگو برقی دباو، یک مرحلہ برقی دباو ہو گی۔اییا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

7.1 ساكن كيجھوں كى گھومتى مقناطيسى موج

امالی مثین کے ساکن کچھے بالکل معاصر مثین کے ساکن کچھوں کی طرح ہوتے ہیں۔ مزید سے کہ اس کے گھومتے جھے کے اتنے ہی قطب ہوتے ہیں جینے اس کے ساکن کچھوں کے ہوتے ہیں حال رو سے پیجان کیا جائے تو ہوتے ہیں ۔ اگر ان ساکن کچھوں کو متوازن تین مرحلہ برقی رو سے پیجان کیا جائے تو سے ایک گھومتے متناطیسی دباو کی موج کو جنم دیں گے جسے مساوات 8.48 میں دکھایا گیا ہے۔ مساوات کیاں موج کی معاصر رفتار دیتی ہے۔ یہ دونوں مساوات بیاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ دینے جاتے ہیں۔ بیاں ساکن کچھوں میں برقی رو کی تعدد ω_e کھی گئی ہے اور θ_0 کو صفر لیا گیا ہے۔

(7.1)
$$\tau_s^+(\theta,t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega_t)$$

$$f_m = \frac{2}{P}f_e$$

7.2 مشین کی سر کنے اور گھومتی موجوں پر تبھرہ

ہم دو قطب کے مثین پر غور کر رہے ہیں۔P قطب کا تذکرہ بھی بالکل اسی طرح ہے۔ ساوات 5.51 کہتا ہے کہ دو ہے۔ ساکن کچھوں میں تین مرحلہ برقی رو کی تعدد f_e ہے۔ ساوات 5.51 کہتا ہے کہ دو قطب کی مثین میں موج کی معاصر رفتار بھی f_e چکر فی سکیٹڈ ہے۔ اب تصور کریں کہ مثین کا گھومتا حصہ f_e میکانی چکر فی سکیٹڈ سے موج کی سمت میں گھوم رہا ہے جہاں

ہے۔ اس صورت ہیں ہر سکنڈ گھومتا حصہ مقناطیسی بہاو کی موج سے پیچے سرک جائے گا۔ اس سرکنے کو موج کی معاصر رفتار کی نسبت سے یوں ککھا جاتا ہے۔

$$(7.2) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یہاں s مشین کے سرک 3 کی ناپ ہے۔اس مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔

(7.3)
$$f = f_s(1-s) = f_e(1-s) \omega = \omega_s(1-s) = \omega_e(1-s)$$

یہاں غور کریں۔ مقاطیسی بہاو کی موج f_e زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے جبکہ گھومتے کچھے کی زاویائی رفتار f_e-f) رفتار کی زاویائی رفتار f_e-f) رفتار کی زاویائی رفتار f_e-f) رفتار سے گھوم رہی ہے۔ یعنی اگر گھومتے کچھے کو ساکن تصور کیا جائے تو گھومتے مقاطیسی بہاو کی موج (f_e-f) اضافی رفتار سے گھوم رہی ہو گی۔یوں گھومتے کچھے میں امالی برقی دباو کی تعدد بھی (f_e-f) ہو گی۔مساوات 7.3 کی مدد سے اس امالی برقی دباو کی تعدد جبی یوں کھا جاسکتا ہے۔

(7.4)
$$f_r = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

اگر مشین کو ایک امالی موٹر کے طور پر استعال کیا جا رہا ہو تو اس کے گھومتے کچھے کسر دور رکھے جاتے ہیں۔یوں ان کچھوں میں برتی رو کی تعدد sf_e اور ان کی مقدار کچھوں میں پیدا امالی برتی دباو اور کچھوں کی رکاوٹ پر منحصر ہوتی ہے۔ کچھوں کی رکاوٹ برتی رو کی تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

s=1 ساکن موٹر جب چالو کی جائے تو اس کے سرک s کی قیمت ایک ہوتی ہے لیعنی f_e اور لیوں اس کے گھومتے لچھوں میں برتی رو کی تعدد کی برتی رو ایک گھومتے مقاطیسی دباو کی موخ کو جنم دے گی جو معاصر رفتار سے گھومے گی۔یہ بالکل اسی طرح ہے جیسے ساکن لچھوں میں برقی رو سے گھومتا مقاطیسی دباو کا موخ وجود میں آتا ہے۔لہذا ساکن اور گھومتے لچھے دونوں کے گھومتے مقاطیسی دباو کے موخ ایک ہی رفتار سے گھومتے ہیں۔یہ دو مقاطیسی دباو کی موجیں دو گھومتے مقاطیسوں کی طرح کے سوتے مقاطیسوں کی طرح کی دونوں کے گھومتے مقاطیسوں کی طرح کی دونوں کے گھومتے مقاطیسوں کی طرح

ابـــ7.امالي مشين

ہیں جو کوشش کریں گے کہ ان کے مابین زاویہ صفر ہو۔یوں موٹر قوضے مروٹ پیدا ہوتا ہے جس کا حباب مساوات 5.90 سے لگایا جا سکتا ہے۔اگر موٹر کے دھرے پر لدے بوجھ کو مشین کا پیدا کردہ قوت مروڑ گھما سکے تو مشین گھوے گی۔اس کی رفتار تیز ہو کر ایک برقرار حد تک پہنچ جائے گی۔ امالی موٹر کی رفتار بھی بھی معاصر رفتار تک نہیں پہنچ سکتی چونکہ اس رفتار پر اس کے گھومتے کچھوں کی نسبت سے ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج ساکن ہوگا ہیدا نہیں ہو گا۔

$$(7.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

یہ ایک بہت اہم بتیجہ ہے۔ یہ مساوات کہتا ہے کہ موٹر کسی بھی رفتار سے گھوم رہی ہو، گھومتے کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج ساکن کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباو کی موج کی رفتار سے ہی گھومتی ہے۔

مثال 7.1: ایک چار قطب کی ستارہ جڑی 50 ہرٹز، 415 وولٹ پر چلنے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی اپنی پوری بوجھ پر یانچ فی صد سرک پر چلتی ہے۔

- اس موٹر کی معاصر رفتار کیا ہے۔
- بورے بوجھ پر اس کی کیا رفتار ہے۔
- پورے بوجھ پر گھومتے کچھے میں برقی تعداد ارتعاش کیا ہے۔
- پورے بوجھ سے لدے موٹر کی دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

torque4

حل:

- مساوات $f_m=\frac{2}{4}\times 50=25$ مساوات $f_m=\frac{2}{4}\times 50=25$ مساوات منگ منگ ہے۔ $25\times 60=1500$
- پورے بوجھ سے لدا موٹر پانچ فی صد سرک پر چلتا ہے لہذا اس کی رفتار معاصر رفتار f=25(1-0.05)=23.75 کی مدد سے f=25(1-0.05)=23.75 کی مدد سے f=25(1-0.05)=23.75 کی منٹ ہو گی۔
 - $f_r = 0.05 \times 50 = 2.5$ ہرٹز ہے۔ $f_r = 0.05 \times 50 = 2.5$
 - ال کے وحرے پر قوت مروز $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$ ہو گی۔

7.3 ساكن ليجھوں ميں امالى برقى دباو

مساوات 7.1 کا پہلا جزو ساکن کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباو کی موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ مقناطیسی دباو مشین کی خلائی درز میں مقناطیسی شدت $H^+(\theta)$ پیدا کرے گی جس سے وہاں کثافت مقناطیس بہاو $B^+(\theta)$ پیدا ہو گا۔ اگر اس خلائی درز کی رداس کی سمت میں لمبائی l_g ہو تو

(7.6)
$$B^{+}(\theta) = \mu_0 H^{+}(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^{+}(\theta)}{l_g}$$
$$= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega_e t)$$

 $B^+(\theta)$ کی طرح ہے۔ یوں ساوات 5.72 اس مقناطیسی موج کی طرح ہے۔ کوں ساوات یہاں دوبارہ کی ساکن کچھوں میں پیدا کردہ امالی برقی دباو کو ظاہر کرے گی ۔ یہ مساوات یہاں دوبارہ

با__7.امالي مشين

دیا جا رہا ہے۔

(7.7)
$$e_{as}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t - 90^\circ) = E_s \cos(\omega_t - 90^\circ)$$
$$e_{bs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 150^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 150^\circ)$$
$$e_{cs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 30^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 30^\circ)$$

جہاں N_s ساکن کچھے کے چکر ہیں اور

$$(7.8) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

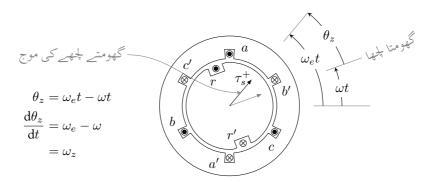
a یہاں a کو ظاہر کرتا ہے اور a ساکن a مرحلہ a کو ظاہر کرتا ہے اور a ساکن a کو ظاہر کرتا ہے لیخی یہ ساکن a کچھے کی امالی برقی دباو ہے۔امالی موٹر کے a مرحلے کی بات ہی آگے کرتے ہیں۔گھومتی مقناطیسی دباو کی موج اس کچھے میں امالی برقی دباو a پیدا کرتی ہے۔

7.4 ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پید اامالی برقی دباو

مساوات 7.1 کا پہلا بُڑن ساکن لچھوں کی پیدا کردہ، گھومتے مقناطیسی دباو کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ اس موج کی چوٹی اس مقام پر ہوتی ہے جہاں $(\theta-\omega_e t)$ صفر کے برابر ہو۔ یوں لمحہ صفر پر اس کی چوٹی صفر زاویہ پر ہو گی اور لمحہ t پر اس موج کی چوٹی زاویہ $\omega_e t$ یوں لمحہ صفر پر اس کی لحجوں کی مقناطیسی دباو کی موج کا زاویہ کسی بھی نقطہ کے حوالے سے کیا جا سکتا ہے۔ اس کتاب میں صفر زاویہ ساکن لچھا a کو لیا جاتا ہے۔ اس طرح یہ زاویہ نقطہ دار اُفقی کیر سے ناپا جاتا ہے۔ اس شکل a بین مرحلہ ساکن لحجے ہیں۔ میں ایک موٹر دکھائی گئی ہے جس کے تین مرحلہ ساکن لحجے ہیں۔

رکھومتے کچھے بھی بالکل اسی طرح ہوتے ہیں اگرچہ شکل میں صرف ایک ہی گھومتا کچھا t=0 کھایا گیا ہے۔ مشین f زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لمحہ صفر لیعنی f رفتی کیر پر ہے مزید یہ کہ پر گھومتے حصہ کا f کچھا صفر زاویہ پر ہے، لیعنی یہ نقطہ دار اُفقی کئیر پر ہے مزید یہ کہ

الفظ ساکن میں حرف س کے آواز کوsے ظاہر کیا گیاہے۔ $peak^6$



شکل 7.1:امالی موٹر اور اس کے گھومتے مقناطیسی دیاو کی موجیں۔

اس لحمہ ساکن لیجھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج بھی اسی اُفقی لکیر پر ہے۔ اب کچھ دیر بعد لحمہ t پر بیہ موج زاویہ $\omega_e t$ پر بو گی۔ اتنی دیر بیں گھومتا حصہ گھوم کر زاویہ $\omega_e t$ بین جائے گا جہال $\omega_e t$ مشین کی زاویائی میکانی رفتار ہے۔یہ سب شکل بیں دکھایا گیا ہے۔لہٰذا لحمہ t پر موح اور گھومتے کچھے کے درمیان زاویہ θ_z یہ ہو گا

$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

اگرچ مقناطیسی موج نے $\omega_e t$ زاویہ طے کیا لیکن گھومتے کچھ کے حوالے سے اس نے صرف زاویہ $\omega_e t$ کیا۔ اس طرح گھومتے کچھ کے حوالے سے اس موج کی اضافی $\omega_e t$ زاویائی رفتار $\omega_e t$ ہو گی۔

(7.10)
$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

اس کو مساوات 7.4 کی مدد سے بول لکھ سکتے ہیں۔

$$(7.11) \omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s\omega_e$$

یہ مساوات کہتا ہے کہ گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی رفتار سرک s پر مخصر ہے۔اس موج کا حیطہ البتہ تبدیل نہیں ہوا۔ اس طرح گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی مساوات جو کہ مساوات r0.4 میں دی گئی ہے تبدیل ہو کر یہ بن جائے

یں گھتے ہوئے زیر نوشت میں 2، لفظ اضافی ک حرف ض کی آواز کو ظاہر کرتا ہے۔ relative angular speed 8

باب.7.امالي مشين

گی۔

(7.12)
$$B_{s,rz}^{+}(\theta,t) = B_0 \cos(\theta - \omega_z t) = B_0 \cos(\theta - s\omega_e t)$$

یوں گھومتے کیجھوں میں امالی برتی دباو مساوات 7.7 کی طرح ہی ہو گی مگر ان کی $\omega_z = s\omega_e t$

$$e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 90^\circ)$$

$$(7.13) \qquad e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 150^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 150^\circ)$$

$$e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 30^\circ)$$

ان مساوات میں N_r گھومتے کچھے کے چکر ہیں اور

$$(7.14) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

اب تصور کریں کہ گھومتے کچھوں کو کس دور کر دیا کیا گیا ہے۔یہ امالی برقی دباو گھومتے کچھوں میں برقی رو i_{arz} وغیرہ پیدا کرے گی جس کی تعدد $s\omega_e$ ہو گی۔بالکل ساکن کچھے کی طرح، گھومتے کچھے کی مزاحمت R_r اور اس کی امالہ L_r ہو گی جس کی متعاملیت $j_{s\omega_e}L_r$ ہو گی۔اب کھ سکتے ہیں۔

$$(7.15) is\omega_e L_r = isX_r$$

جہاں jX_r کو $j\omega_e L_r$ کے برابر لیا گیا ہے، یعنی jX_r اس کچھے کی ساکن حالت میں متعاملیت ہے جب سرک ایک کے برابر ہو۔ گھوٹے کچھوں میں برتی رو i_{arz} شکل 7.2 کی مدد سے حاصل کی جا سکتی ہے جہاں گھوٹے کچھے میں امالی برتی دباو $e_{arz}(t)$ مساوات 3.13 میں دیا گیا ہے۔

 s^9 لفظ ساکن کے س کو ظاہر کر تا ہے، r لفظ رواں کے رکو ظاہر کر تا ہے اور چہ لفظ اضافی کے ض کو ظاہر کر تا ہے۔ e_{arz}^{10}

ا میان ہو گھو تنے کچھے کو ظاہر کر تا ہے اور تھ اس بات کی یا در حیاتی کر تا ہے کہ اس بر تی رو کی تعد د و اضافی تعد د ہے۔ 11 انساز مر کی اصطلاح میں ثانوی کچھے کو زیر نوشت میں 2 سے ظاہر کرتے ہیں۔ یہاں اے r سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$Z_r = R_r + jsX_r$$

$$+$$

$$e_{arz}$$

$$-$$

$$0000$$

$$\hat{I}_{arz} = \frac{\hat{E}_{arz}}{Z_r}$$

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$

شکل 7.2: گھومتے کچھے کی مساوی دور اور اس میں اضافی تعد د کی رو۔

یہ شکل بالکل شکل 1.14 کی طرح ہے لہذا مساوات 1.53 اس میں برتی رو دے گی یعنی

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0)$$

$$(7.16) \quad i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 150^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 30^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہ تین مرحلہ برقی رو ہیں جو آپس میں °120 کا زاویہ رکھتے ہیں۔یہاں ϕ_z رکاوٹ کا زاویہ 13 دویہ 13 ناویہ 13 ہے۔امید کی جاتی ہے کہ اسے آپ مقناطیسی بہاو نہیں سمجھیں گے۔یہاں

(7.17)
$$\theta_0 = -90 - \phi_z$$

$$I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

شکل 7.2 سے واضح ہے کہ ایک گھومتے کچھے کی مزاحمت میں

$$(7.18) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا۔یہ طاقت حرارت میں تبدیل ہو کر اس مزاحمت کو گرم کرے گی۔

ہے۔ ϕ استعال ہو تاہے۔ بیباں بمی کیا گیا ہے۔ ϕ استعال ہو تاہے۔ بیباں بمی کیا گیا ہے۔

باب.7.امالي مشين

7.5 گھومتے کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج

ہم جانتے ہیں کہ ساکن تین مرحلہ لچھوں میں f_e تعدد کی برقی رو گھومتے مقاطیسی دباو کی موج کو جنم دیتی ہے جو اس ساکن لچھے کے حوالے سے f_e معاصر زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس طرح گھومتے تین دور لچھوں میں sf_e تعدد کی برقی رو ایک گھومتی مقاطیسی دباو کی موج τ_{rz}^+ کو جنم دیتی ہے جو اس گھومتے لچھے کے حوالے سے sf_e زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔

(7.19)
$$\tau_{rz}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - s\omega_e t - \theta_0)$$

یہاں I_{0r} اور θ_0 مساوات 7.17 میں دیئے گئے ہیں۔اب چونکہ گھومتا لچھا از خود f زاویائی رفتار سے گھوم رہا ہے لہٰذا اس کی پیدا کردہ مقناطیسی دباو کی موج خلاء میں $(f+sf_e)$ زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس رفتار کو مساوات 7.3 کی مدد سے یوں کھ سکتے ہیں۔

(7.20)
$$f + sf_e = f_e(1 - s) + sf_e = f_e$$

الہٰذا گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباو کی موج کو ساکن کچھوں کے حوالے سے یوں کھھا جا سکتا ہے۔

(7.21)
$$\tau_{r,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

 $au_{r,s}^+$ میں + کا نثان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں r,s میں r,s اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ یہ موج گھومتے یعنی روال کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا ہے گر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔

یہاں وقفہ لے کر ذرا غور کرتے ہیں۔ مساوات 7.21 کے مطابق گھومتا لچھا خود کسی بھی رفتار سے گھوم رہا ہو، اس کی پیدا کردہ گھومتی مقناطیسی دباو کی موج ساکن لچھے کے پیدا کردہ موج کی رفتار سے ہی گھوے گی۔لہذا مثین میں دو گھومتی مقناطیسی دباو کی موجیس ہیں جو ایک ہی معاصر رفتار سے گھوم رہی ہیں۔ مساوات 5.89 میں کہا گیا ہے کہ دو مقناطیسی دباوکی موجودگی پیدا کرتی ہیں جو ان کے مابین زاویے پر منحصر ہے۔لہذا امالی مشین

$$i_{fs}(t) \xrightarrow{\frac{R_r}{s}} jX_r$$

$$+$$

$$e_{fs}(t)$$

$$-$$

$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + jX_r$$
$$\phi_z = \tan^{-1} \left(\frac{X_r}{\frac{R_r}{s}}\right)$$
$$= \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$

شكل 7.3: گھومتے لچھوں كى جگه فرضى ساكن لچھے كى دور ـ

میں موجود دو مقناطیسی موجیں پیدا کرتی ہیں اور اس کی مقدار ان دو موجوں کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتی ہے۔ امالی موٹر اس پر لدے بوجھ کے مطابق ان دو موجوں کے مابین زاویہ رکھتی ہے۔ اور یول درکار پیدا کرتی ہے۔

7.6 گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھوں کی جگہ N_r چکر کے تین مرحلہ فرضی ساکن کچھے ہوں تو مساوات 7.7 کی طرح ان میں امالی برقی دباو پیدا ہو گی لیعن 14

(7.22)
$$e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t - 90^\circ) = E_r \cos(\omega_e t - 90^\circ)$$

$$e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 150^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 150^\circ)$$

$$e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 30^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 30^\circ)$$

مزید فرض کریں کہ ان فرضی ساکن کچھوں کی مزاحمت
$$\frac{R_r}{s}$$
 اور متعاملیت jX_r ہیں لیتی $Z_{fs}=rac{R_r}{s}+jX_r$

ان مساوات میں زیر نوشت میں f لفظ فرضی کے ف کو ظاہر کر تاہے۔ 14

با__7.امالي مشين

اگر ان پر مساوات 7.22 میں دیئے گئے برقی دباو لاگو کی جائے جیسے شکل 7.3 میں دکھایا گیا ہے تو ان میں برقی رو ہے ہو گی۔

$$i_{afs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t - 90^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{bfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 150^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{cfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 300^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہاں مساوات 7.17 استعال کی گئی ہے۔اس مساوات میں دھیان رہے کہ رکاوٹ کا زاویہ ϕ_Z

(7.25)
$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

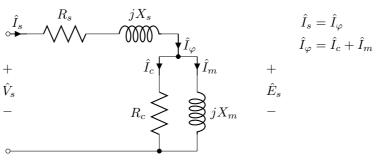
ان برقی رو کی تعدد ω_e ہے اور ان کا پیدا کردہ گومتا مقناطیسی موج ہے ہو گا۔ $\tau_{fs,s}^+(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$ بہ مقناطیسی موج ہو بہو گلومتے لیجھے کی موج کی موج ہو ہو جہو گلومتے لیجھے کی موج دوران کا بہت ہے ۔

7.7 امالی موٹر کامساوی برقی دور

ہم ٹرانسفار مر کی ابتدائی جانب کچھے کی برقی دور پہلے بنا چکے ہیں جہاں کچھے کی مزاحمت X_1 اور اس کی رستا متعاملیت X_2 اس تھی۔ ٹرانسفار مر کے قالب میں وقت کے ساتھ بدلتی مقناطیسی بہاو اس کچھے میں امالی برقی دباو \hat{E}_1 پیدا کرتی۔ یوں

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left(R_1 + j X_1 \right) + \hat{E}_1$$

leakage reactance¹⁵



شکل7.4:امالی موٹر کے ساکن کچھوں کا مساوی برقی دور۔

کھا جا سکتا ہے جہاں \hat{V}_1 ابتدائی کچھے پر لاگو بیرونی برقی دباو ہے۔ہم دیکھیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی یہی مساوات حاصل ہو گی۔

تصور کریں کہ مثین کے گھومتے لیجھے کھلے دور ہیں اور اس کے ساکن لیجھوں پر تین مرحلہ برقی دباو لاگو ہے۔ اس صورت میں ساکن لیجھوں میں رواں برقی رو ایک گھومتے مقاطیسی دباو کی موج au_s پیدا کرے گی جو مساوات 7.1 میں دی گئی ہے۔

a باب کے اس حصہ میں ہم مشین کے ایک مرحلے کو مدِ نظر رکھیں گے، مثلاً مرحلہ jX_s ہو jX_s اور متعاملیت R_s اور متعاملیت jX_s ہو اور متعاملیت $v_s(t)$ ہو تو کرخوف 16 کے برقی دباو کے قانون کے تحت

$$(7.28) v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

ہے میں پیدا امالی برقی دباو ہے ۔اس موج کی ساکن کیجے میں پیدا امالی برقی دباو ہے ۔اس $e_s(t)$ کو مرحلی سمتیہ کے طور پر یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\hat{V}_s = \hat{I}_s \left(R_s + j X_s \right) + \hat{E}_s$$

ٹرانسفار مر کی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔اگر موٹر کا گھومتا لچھا کھلے دور 17 رکھا جائے تو قالب میں ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج $au_s^+(heta,t)$ ہو گی۔ساکن لچھے میں صرف برقی رو

Kirchoff's voltage law¹⁶ open circuited¹⁷

باب.7.امالي مشين

 \hat{I}_{φ} ہو گا جو قالب میں مقاطیسی بہاہ φ_s کو جنم دے گ۔ یہ برتی رہ \hat{I}_{φ} غیر سائن نما ہوتی ہے۔ فورئیر تسلس 18 سے اس کے بنیادی جزو اور ہارمونی جزو معلوم کئے جا سکتے ہیں۔ اس کے بنیادی جزو کے دو ھے ہوتے ہیں۔ ایک ھسہ \hat{I}_c کا گو بیرونی برتی دباہ \hat{V}_s کہ مقدم ہوتا ہے اور یہ قالب میں طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے اور دوسرا ھسہ \hat{V}_s ہم قدم ہوتا ہے اور دوسرا ھسہ \hat{V}_s منفی کر کے بقایا کو مقناطیسی جزو سے نوے درجہ پیچھے زاویہ پر رہتا ہے۔ \hat{I}_c میں مقناطیسی جزو بنیادی جزو کے پیچھے ھے اور بیتی سارے ہارمونی جزو کے مجموع پر مشمل ہوتا ہے اور یہ قالب میں مقناطیسی بہاہ φ_s باقی سارے ہارمونی جزو کے مجموع پر مشمل ہوتا ہے اور یہ قالب میں مقناطیسی بہاہ پیدا کرتا ہے۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

امالی موٹر کے مساوی دور میں \hat{I}_c کو مزاحمت R_c سے اور \hat{I}_m کو \hat{I}_c سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان دونوں کا حساب چلتے موٹر میں متوقع برقی تعدد اور امالی برقی دباو \hat{E}_s پر کیا جاتا ہے لیخی

(7.31)
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$

$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

مقاطیسی دباو کی موج $au_s^+(\theta,t)$ گومتے لچھے ہیں بھی امالی برقی دباو پیدا کرے گی۔ مساوات 7.29 میں اگر رکاوٹ میں برقی دباو کے گھٹے کو نظر انداز کیا جائے تو لاگو بیرونی برقی دباو اور لچھے کی اندرونی امالی برقی دباو ہر حالت میں برابر ہوں گے۔اب تصور کریں کہ گھومتے لچھے کسر دور کر دیے جائیں۔ ایسا کرتے ہی ان میں برقی رو گزرنے لگے گا جو مقاطیسی دباو کی موج $au_{r,s}^+(\theta,t)$ جو مساوات 7.21 میں دی گئی ہے کو جنم دے گی۔ اس موج سے ساکن لچھے میں امالی برقی دباو \hat{E}_s تبدیل ہو جائے گی اور یوں یہ لاگو برقی دباو کے برابر نہیں رہے گی۔ یہ ایک نا مکنہ صورت حال ہے۔

ساکن کچھے میں امالی برقی دباو، لاگو برقی دباو کے برابر تب رہے گی کہ قالب میں مقناطیسی دباو برقرار یوں رہتی ہے کہ

Fourier series¹⁸

ساکن کچھے مقناطیسی دباو $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$ کی متفاد مقناطیسی دباو کی ایک موج پیدا کرتی ہے جو اس کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔ یہ موج پیدا کرنے کے لئے ساکن کچھوں میں برقی رو پر $\hat{I}_{\varphi}+\hat{I}_{r}'$) ہو جاتی ہے جہاں پر اضافی برقی رو پر ہیں۔ میں برقی رو پر ہیں۔

(7.32)
$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + \theta_0) i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0) i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

ان اضافی برقی رو کی متضاد مقناطیسی دباو کی موج یہ ہے

(7.33)
$$\tau_{(r)}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_s I'_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

ساکن کچھوں میں اضافی برقی رو نے ہر لحمہ گھومتے کچھوں کی برقی رو کے اثر کو ختم کرنا ہے۔ لہذا میہ دونوں برقی رو ہم قدم 19 ہی ہوں گے۔چونکہ میہ مساوات اور مساوات 7.21 برابر ہیں

$$(7.34) N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

لہذا ان سے حاصل ہوتا ہے۔

(7.35)
$$I'_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

آپ نے دیکھا کہ گھومتے لچھے مقناطیسی دباو کی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن لچھوں کو معلوم ہوتا ہے کہ موٹر پر بوجھ لدا ہے اور وہ اس کے مطابق لاگو برقی دباو سے برقی رو لیتی ہیں۔ یہاں تک امالی موٹر کی مساوی برقی دور شکل 7.5 میں دکھائی گئی ہے۔

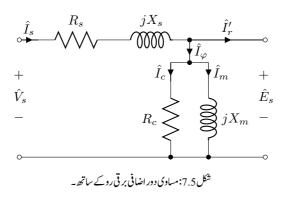
یہاں ذرہ شکل 7.6 سے رجوع کریں۔ اس شکل میں

(7.36)
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$

$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

in-phase¹⁹

باب.7.امالي شين



شکل 7.6: گھومتے کچھے کاایک اور مساوی دور۔

7.8 مساوی بر قی دور پر غور

پر ساکن کچھوں کی امالی برقی دباو \hat{E}_s لاگو ہے لہذا ان میں برقی رو یہ ہوں گ۔

(7.37)
$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{b}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{c}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R'_{r}^{2} + s^{2}X'_{r}^{2}}} \cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

ان سب ماوات کا حیطہ برابر ہے۔اس حیطے کو یوں کھا جا سکتا ہے۔

$$(7.38) \qquad \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} = \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}'$$

لبذا مساوات 7.37 اس طرح لکھا جاسکتا ہے۔

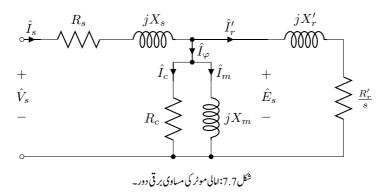
(7.39)
$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

یہ مساوات بالکل مساوات 7.32 کی طرح ہے۔ لہذا اگر شکل 7.5 میں ساکن کیجھوں کی امالی برتی دباو \hat{E}_s کے متوازی شکل 7.6 جوڑا جائے تو ایسا کرنے سے ساکن کیجھوں میں اُتنا ہی اضافی برتی رو رواں ہو گا جو اصل موٹر میں گھومتے کیجھوں کی وجہ سے ہوتا ہے۔ شکل 7.7 میں ایسا ہی کیا گیا ہے لہذا شکل میں دیا برتی دور، امالی موٹر کی صحیح عکاسی کرتی ہے۔ یہی امالی موٹر کی مساوی برتی دور ہے۔

7.8 مساوی بر قی دوریر غور

ماوات 7.18 ایک گھومتے کچھے میں برقی طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے۔ماوات 7.36 اور 7.38 کی مدد سے اسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.40)
$$p_{\zeta;;} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$



شکل 7.7 سے ظاہر ہے کہ ایک گھومتے کیجھے کو کُل

$$(7.41) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r'}{s}$$

برقی طاقت دی جاتی ہے جس میں سے $p_{\mathcal{L},\mathcal{L}}$ گھومتے کچھے کی مزاحمت میں ضائع ہو جاتی ہے اور بقایا بطور میکانی طاقت مثین کے دھرے پر یائی جاتی ہے لیعنی

(7.42)
$$p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^{\prime} = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1 - s) = p_r (1 - s)$$

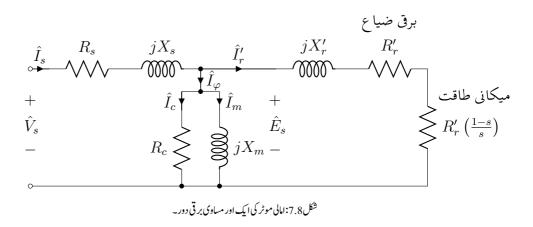
یوں تین مرحلہ مثین جس میں تین لچھ ہوتے ہیں اس کے تین گنا میکانی طاقت فراہم کر سکتی ہے یعنی

$$p_{\text{in}} = 3I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر سرک ایک کے برابر ہو تو موٹر کوئی میکانی طاقت فراہم نہیں کرے گی اور گھومتے جے کو جتنی برقی توانائی مل رہی ہو وہ ساری کی ساری اس میں ضائع ہو کر اسے گرم کرے گی۔ یوں موٹر کے گرم ہو کر جل جانے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اس مساوات سے دیکھ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کی سرک صفر کے قریب رہنی چاہئے ورنہ یہ ناقابلِ قبول حد تک برقی توانائی ضائع کرے گا۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل عمر کی طرح بھی بنا سکتے ہیں۔ اس شکل میں شکل 7.8 میں دیئے مزاحمت $\frac{R'_s}{s}$ کو دو حصوں میں کھا گیا ہے لیعنی

$$\frac{R_r'}{s} = R_r' + R_r' \left(\frac{1-s}{s}\right)$$

7.8 مساوی بر قی دور پرغور



یوں شکل 7.7 میں مزاحمت R'_r میں برقی طاقت کی ضیاع $I'^2_{0r}R'_r$ گھومتے کچھے کی ضیاع ہے جبکہ مزاحمت $I'^2_{0r}R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$ فراقت کی ضیاع طاقت ہے جبکہ مزاحمت $R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$ میں برقی طاقت کی ضیاع کے بیاں سے حاصل نتائج کو تین سے ضرب دینا ہو گا۔

میکانی طاقت، قوت مروڑ ضربِ میکانی زاویائی رفتار ہوتی ہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویائی رفتار ω_{sm} دی ω_{sm} میں دی گئی ہے۔ یوں

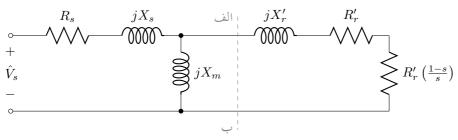
(7.44)
$$p = T_m \omega = T_m \times 2\pi f = T_m \times 2\pi (1 - s) f_s = T_m (1 - s) \omega_{sm}$$

للبذا

(7.45)
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}^{2}}{\omega_{sm}} \frac{R_r'}{s}$$

اصل موٹر میں رگڑ، قالبی ضیاع، لچھوں میں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بنا پر دھرے پر طاقت یا قوت مروڑ اس سے قدرِ کم ہو گی۔

ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی دور بناتے وقت R_c اور X_m کو نظرانداز کیا گیا تھا۔ امالی موٹر میں ایبا کرنا ممکن نہیں ہوتا چونکہ موٹروں میں خلائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیسی بہاو پیدا کرنے کے لئے بہت زیادہ مقناطیسی دباو درکار ہوتی ہے۔حقیقت میں بے



اس کا مساوی تھونن مساوی دور بنائیں

شکل 7.9: امالی موٹر کاسادہ دور۔ قالبی ضیاع کو نظر انداز کیا گیاہے۔

بوجھ امالی موٹر کو اپنے پورے برتی رو کے تیس سے پچاں فی صد برتی رو قالب کو پیجان کرنے کے لئے درکار ہوتی ہے۔ مزید یہ کہ خلائی درز کی وجہ سے اس کی رِستا امالہ بھی زیادہ ہوتی ہے اور اسے نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البتہ مساوی دور میں R_c کو نظر انداز کریا ممکن نہیں ہوتا۔ البتہ مساوی دور میں نقطہ دار کئیر نظر انداز کیا جا سکتا ہے جیسے شکل R_c میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار کئیر کی بائیں جانب کا مساوی تھونن دور بنایا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے امالی موٹر پر نمور کرنا نہو جاتا ہے۔ اب ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔

مثال 7.2: ستارہ جڑی چھ قطب پچاس ہرٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے اجزاء ہیہ ہیں

$$R_s = 0.5 \,\Omega, \quad R'_r = 0.31 \,\Omega, \quad X_s = 0.9 \,\Omega, \quad X'_r = 0.34 \,\Omega, \quad X_m = 0.22 \,\Omega$$

موٹر میں رگڑ سے طاقت کا ضیاع 600 واٹ ہے۔ قالمی ضیاع کو اس کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اس کو اٹل تصور کیا جائے۔ یہ موٹر درکار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر دو فی صد سرک پر چلل رہی ہے۔ اس حالت میں موٹر کی رفتار، اس کے دھرے پر پیدا قوت مروڑ اور طاقت، اس کے ساکن کچھے کی برقی رو اور اس کی فی صد کارگزاری حاصل کریں۔

 $16.66 \times 60 = 1000$ عل: موٹر کی معاصر رفتار $f_m = \frac{2}{6} \times 50 = 16.66$ عیر نی سینٹر یا $f = 16.66 \times (1-0.02) = 16.33$ عیر نی منٹ دو فی صد سرک پر موٹر کی رفتار $f = 16.66 \times (1-0.02) = 16.33$ نی سینٹر یا $16.33 \times 60 = 979.8$ کی سینٹر یا $16.33 \times 60 = 979.8$

7.8 مساوی بر قی دور پر غور

شكل 7.9 مين دائين جانب

$$jX_r' + R_r' + R_r' \frac{1-s}{s} = jX_r' + \frac{R_r'}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور jX_m متوازی جڑے ہیں۔ان کی مساوی رکاوٹ ہے ہے

$$\begin{split} \frac{1}{Z} &= \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22} \\ Z &= 10.147 + j7.375 = R + jX \end{split}$$

موٹر پر لاگو یک مرحلہ برقی دباو $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$ وولٹ ہے۔ یوں ساکن کچھے کی برقی رو

$$\begin{split} \hat{I}_s &= \frac{\hat{V}_s}{R_s + jX_s + Z} \\ &= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.375} \\ &= 17.6956/-38.155^{\circ} \end{split}$$

ہے۔اس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طاقت منتقل ہو رہی ہے جو رکاوٹ Z کو منتقل ہو رہی ہے۔یعنی مساوات 7.41 کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \,\text{W}$$

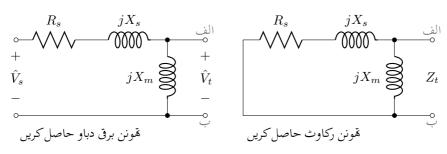
تین مراحل کے لئے یہ مقدار 9532 = 3177.37 × 8 واٹ ہو گی۔مساوات 7.43 موٹر کی اندرونی میکانی طاقت دیتی ہے لیعنی

$$p_{\rm isc} = 9532 \times (1-0.02) = 9341 \, \rm W$$

9341 - 600 = 8741 واٹ رہ جاتا ہے۔ یہ موٹر کے 9341 - 600 = 8741 واٹ رہ جاتا ہے۔ یہ موٹر کے وطرے پر میکانی طاقت ہو گی جس سے دھرے پر قوت مروڑ $T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \, \mathrm{Nm}$

ہو گی۔

واٹ موٹر کو گل مہیا برتی طاقت $\sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times \cos(-38.155) = 10001.97$ واٹ موٹر کی کارگزاری $87.39 \times 100 = 87.39\%$ ہے۔ یوں اس موٹر کی کارگزاری



شکل 7.10: تھونن ر کاوٹ اور تھونن بر تی دباو حاصل کرنے کے دور۔

7.9 امالي موٹر كامساوي تھونن دوريارياضي نمونه

مسکلہ تھونین ²⁰ کے مطابق کسی بھی سادہ خطی برقی دور ²¹ کو اس کے دو برقی سروں کے ماین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباو کی مساوی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اس مساوی تھونن دور کو مساوی تھونن دور کی رکاوٹ کو تھونن رکاوٹ اور برقی دباو کو تھونن برقی دباو کہتے ہیں۔

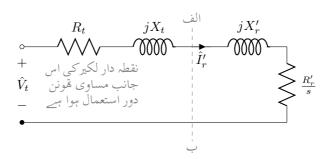
برتی دور کے دو برتی سرول کے مابین تھونن رکاوٹ حاصل کرنے کے لئے اس برتی دور کے اندرونی برتی دباو کسر دور کر کے ان دو برتی سرول کے مابین رکاوٹ معلوم کی جاتی ہوتی ہے۔ یہی رکاوٹ، تھونن رکاوٹ ہے۔ انہیں برتی سرول پر تھونن برتی دباو حاصل کرنے کے لئے دیئے گئے برتی دور کے اندرونی برتی دباو بر قرار رکھ کر ان دو سرول پر برتی دباو معلوم کی جاتی ہے۔ یہی برتی دباو در حقیقت تھونن برتی دباو ہے۔ بعض اوقات ہم ایک برتی دور کے ایک خاص جے کا مساوی تھونن دور بنانا چاہتے ہیں۔ ایسا کرتے وقت بقایا برتی دور کو اس جھے سے مکمل طور پر منقطع کیا جاتا ہے۔ یوں شکل 7.10 سے واضح برتی دور کو اس جھے سے مکمل طور پر منقطع کیا جاتا ہے۔ یوں شکل 7.10 سے واضح ہے کہ دو سرول الف اور با کے مابین مساوی تھونن رکاوٹ اور تھونن برتی دباو ہے ہیں۔

(7.46)
$$Z_t = \frac{(R_s + jX_s)jX_m}{R_s + jX_s + jX_m} = R_t + jX_t$$

$$\hat{V}_t = \frac{jX_m\hat{V}_s}{R_s + jX_s + jX_m} = V_t/\underline{\theta_t}$$

کی بھی مخلوط عدد 22 کی طرح Z_t کو ایک حقیقی عدد R_t اور ایک فرضی عدد ک

The venin theorem²⁰ linear circuit²¹ complex number²²



شکل 7.11: تھونن دور استعال کرنے کے بعد امالی موٹر کا مساوی دور۔

مجموعہ لکھا جا سکتا ہے۔ یہی اس مساوات میں کیا گیا ہے۔

ہم یوں امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 7.11 کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں سے مرحلی سمتیہ کی استعال سے مندرجہ ذیل برقی رو \hat{I}'_r حاصل ہوتی ہے۔

(7.47)
$$\hat{I}'_r = \frac{\hat{V}_t}{R_t + jX_t + \frac{R'_r}{s} + jX'_r} \\ \left|\hat{I}'_r\right| = I'_r = \frac{V_t}{\sqrt{\left(R_t + \frac{R'_r}{s}\right)^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}}$$

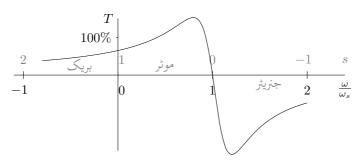
چونکہ I'_t کی قیمت پر \hat{V}_t کے زاویے کا کوئی اثر نہیں لہٰذا مساوی تھونن دور میں \hat{V}_t کی جونکہ V_t کی استعال کیا جا سکتا ہے۔بقایا کتاب میں ایسا ہی کیا جائے گا۔

ماوات 7.45 سے یوں تین مرحله مثین کی قوت مروڑ ہے ہو گی

(7.48)
$$T = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + (X_t + X_r')^2}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + R_t^2 + (X_t + X_r')^2}$$

اس مساوات کو شکل 7.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں موٹر کی رفتار کو معاصر رفتار کی نسبت میں گھومتی مقاطیسی موج کی سمت میں گھومتی



شکل 7.12:امالی موٹر کی قوت مر وڑ بالمقابل سر ک کاخط۔

ہے اور اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم رہتی ہے۔ نیادہ سرک پر موٹر کی کارگزاری نہایت خراب ہو جاتی ہے۔ اس لئے لگاتار استعال کے وقت اسے تقریباً پانچ فی صد سے کم سرک پر چلایا جاتا ہے بلکہ ان کی تخلیق یوں کی جاتی ہے کہ امالی موٹر اپنی پوری طاقت تقریباً پانچ فی صد سے کم سرک پر حاصل کرتی ہے۔

اگر موٹر کو زبردستی ساکن کچھوں کی گھومتے مقناطیسی موج کی سمت میں معاصر رفار سے زیادہ رفار پر گھمایا جائے تو یہ ایک جزیئر کے طور پر کام کرنے شروع ہو جائے گی۔اییا کرنے کے لئے بیرونی میکانی طاقت درکار ہو گی ۔اگرچہ امالی مشین عام طور پر جزیئر کے طور پر استعال نہیں ہوتے البتہ ہوا سے برقی طاقت پیدا کرنے میں یہ جزیئر کے طور پر کار آمد ثابت ہوتے ہیں۔

شکل 7.12 میں منفی رفتار بھی دکھائی گئی ہے جہاں سرک ایک سے زیادہ ہے۔ ایسا سب ہوتا ہے جب موٹر کو ساکن لچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباو کی موج کی اُلٹ سمت میں گھمایا جائے۔موٹر کو جلد ساکن حالت میں لانے کے لئے یوں کیا جاتا ہے۔ تین مرحلہ موٹر پر لاگو برقی دباو کی کسی دو مرحلوں کو آپس میں اُلٹا دیا جاتا ہے۔ اس طرح موٹر کی ساکن لچھوں کی گھومتی مقناطیسی موج یکدم اُلٹ سمت میں گھومنے شروع ہو جاتی ہے جبہ موٹر ابھی پہلی سمت میں ہی گھوم رہی ہوتی ہے۔اس طرح موٹر جلد آہستہ ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رکھ کر دوسری جانب گھومنا چاہتی ہے اس پر لاگو برقی دباو منقطع کر دی جاتی گومنا چاہتی ہے اس پر لاگو برقی دباو منقطع کر دی جاتی گومنا چاہتی ہے اس پر لاگو برقی دباو منقطع کر دی جاتی ہے۔

 $\rm brake^{23}$

یوں امالی مشین s < 0 کی صورت میں بطور جزیڑ، s < 0 کی صورت میں بطور موٹر اور s < 1 کی صورت میں بطور بریک کام کرتا ہے۔

امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ مساوات 7.48 سے یوں حاصل کی جا سکتی ہے۔ قوت مروڑ اُس لحمہ زیادہ سے زیادہ ہو گی جب گھومتے جھے کو زیادہ سے زیادہ طاقت میں میسر ہو۔ زیادہ سے زیادہ طاقت منتق کرنے کے مسلہ $\frac{R'_r}{s}$ میں طاقت کا ضیاع اس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گا جب

(7.49)
$$\frac{R'_r}{s} = \left| R_t + jX_t + jX'_r \right| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

ہو۔اس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک s_z کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.50)
$$s_z = \frac{R'_r}{\sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}}$$

مساوات 7.48 میں کسر کے نچلے جھے میں $R_t^2 + (X_t + X_r')^2$ کی جگہ مساوات 7.49 کا مربع استعال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ یوں حاصل کی جا سکتی ہے

(7.51)
$$T_{z} = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2} \left(\frac{R'_{r}}{s}\right)}{\frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}} + 2R_{t}\frac{R'_{r}}{s} + \frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}}}$$

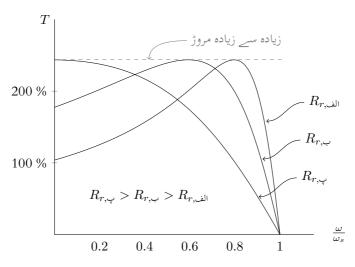
$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \sqrt{R_{t}^{2} + (X_{t} + X'_{r})^{2}}\right)}$$

جہاں آخری قدم پر مساوات کا استعال دوبارہ کیا گیا۔

اس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ اس کے گھومتے کچھوں کی مزاحمت پر مخصر نہیں۔ یہ ایک اہم معلومات ہے جسے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ درکار رفتار پر حاصل کی جا سکتی ہے۔آئیں دیکھیں کہ یہ کیسا کیا جاتا ہے۔

maximum power theorem²⁴



شکل 7.13: بیرونی مز احمت لگانے کے قوت مر وڑ بالمقابل سرک کے خطوط پر اثرات۔

امالی موٹر کے گھومتے لچھوں کے برقی سروں کو سرکے پھلوں 25 کے ذریعہ باہر نکالا جاتا ہو 26 جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیرونی مزاحمت جوڑی جاتی ہے۔ اس طرح گھومتے لچھوں کی کل مزاحمت بڑھ کر بیرونی $R_r + R_i$ ہو جاتی ہے۔ ایبا کرنے سے مساوات 7.49 کی مطابق زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ نسبتا زیادہ سرک لیعنی کم زاویائی رفتار پر حاصل کی جا سکتی ہے۔ شکل 7.13 میں مزاحمت پ R_r کے ساتھ ساکن موٹر کو چالو کرتے وقت زیادہ سے نیادہ قوت مروڑ حاصل ہو سکتی ہے۔ اس طرح بوجھ بردار موٹر ساکن حالت سے ہی زیادہ بوجھ اٹھانے کے قابل ہوتا ہے۔ چونکہ زیادہ سرک پر موٹر کی کارگزاری خراب ہوتی زیادہ ہوتی ہے۔ البندا اس طرح موٹر کو زیادہ دیر نہیں چلایا جاتا اور جیسے ہی اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے، اس سے بڑے بیرونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے لچھوں کے برقی سرے کسر دور کے، اس سے بڑے بیرونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے لچھوں کے برقی سرے کسر دور کے بیرونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے لچھوں کے برقی سرے کسر دور کے بیاتے ہیں۔

مثال 7.3: صفحه 244 پر مثال 7.2 میں دی گئی امالی موٹر اس مثال میں استعال

slip rings²⁵ slip 25 26

کریں۔رگڑ سے طاقت کی ضیاع کو نظر انداز کریں۔

- اگر موٹر درکار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر تین فی صد سرک پر چل رہی ہو تو ساکن کچھ میں گھومتے کچھ کے حصہ کی برتی رو I'_{r} اور مثین کی اندرونی میکانی طاقت اور توت مروڑ حاصل کریں۔
- موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پیدا قوت مروڑ اور اس قوت مروڑ پر موٹر کی رفتار حاصل کریں۔
 - موٹر کی چالو ہونے کے لمحہ پر قوت مروڑ اور اسی لمحہ اس کی I'_r حاصل کریں۔

حل:

ی مرحله برقی دباو $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$ استعال کرتے ہوئے مساوات 7.46 کی مدد سے

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$
$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

ماوات 7.47 میں تین فی صد سرک پر 10.3333 کے استعال سے $\frac{R'_r}{s}$

$$\begin{split} \hat{I}'_r &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 / -5.6^\circ \\ I'_r &= \left| \hat{I}'_r \right| = 21.1 \, \text{A} \end{split}$$

یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ مندرجہ بالا مساوات میں $^{\circ}229.2/1.246^{\circ}$ کی جگہ $^{\circ}1/1.246^{\circ}$ استعال کرنے سے $^{\circ}1/1.240^{\circ}$ کی یہی قیمت حاصل ہوتی۔ مساوات 7.43 اور 7.44 کی مدد سے

$$p_m = \frac{3 \times 21.1^2 \times 0.31}{0.03} \times (1 - 0.03) = 13\,387.46\,\mathrm{W}$$

$$T = \frac{13387.46}{(1 - 0.03) \times 2 \times \pi \times 16.66} = 131.83\,\mathrm{N\,m}$$

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.1638$$

 $\sqrt{2}$ اور اس پر موٹر کی رفتار $\sqrt{2}$ $\sqrt{2}$

• چالو کرتے کمحہ پر سرک ایک ہو گی للبذا
$$\frac{R'_r}{s}=0.31$$
 ہو گا اور یوں

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 0.31 + j0.34} = 152.07 / -58.14^\circ$$

$$I'_r = 152 \,\text{A}$$

اس لمحه قوت مرورٌ

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205 \,\text{N}\,\text{m}$$

مثال 7.4: دو قطب سارہ جڑا پچاس ہرٹز پر چلنے والا تین مرحلہ امالی موٹر 2975 چکر فی منٹ کی رفتار پر بارہ کلوواٹ کے میکانی بوجھ سے لدا ہے۔موٹر کی سرک اور دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

 3 عل:معاصر رفتار $50 \times 60 = 3000$ علی:معاصر رفتار $^{2}_{P}f_{e} = \frac{2}{2} \times 50 = 50$ علی:معاصر رفتار $^{2}_{P}f_{e} = \frac{2}{2} \times 50 = 50$ علی:منٹ ہے۔یوں سرک $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{2} \times 50 = 50$ یا $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{2} \times 50 = 50$ منٹ ہے۔ یوں سرک $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{2} \times 50 = 0.00833$ یا $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{3000} \times 50 = 0.00833$ یا $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{3000} \times 50 = 0.00833$ یا $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{3000} \times 50 = 0.00833$ یا $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{3} \times 50 = 0.00833$ یا $^{2}_{R}f_{e} = \frac{2}{3} \times 50 = 50$ یا $^$

7.10. پنجب رانم المالي موٹر

7.10 پنجرانماامالي موٹر

گومتے کچھوں کی ساخت پر ذرا غور کرتے ہیں۔ گومتے کچھوں کے N_r چکر ہوتے ہیں جہاں N_r کوئی بھی عدد ہو سکتا ہے۔ سادہ ترین صورت میں N_r ایک کے برابر ہو سکتا ہے۔ سادہ ترین صورت میں N_r ایک کے برابر ہو سکتا ہے لیخی ایک بی چکر کا گھومتا کچھا۔ اب بجائے اس کے کہ قالب میں کچھوں کے لئے شگاف بنائے جائیں اور ہر شگاف میں تانبے کی تار کا ایک چکر لپٹا جائے ہم یوں بھی کر سکتے ہیں کہ ہر شگاف میں سیدھا تانبے کا ایک سلاخ رکھ دیں اور اس طرح کے سب سلاخوں کی ایک دائرہ نما سلاخ سے کسر دور کر دیں اور اس طرح دور کر دیں اور اس طرح تانبے کی سلاخوں کا پنجرا بن جاتا ہے۔ اس لئے الیا موٹروں کو پنجرا نما جاتا ہے۔ اس طرح تانبے کی سلاخوں کا پنجرا بن جاتا ہے۔ اس لئے الیا موٹروں کو پنجرا نما امالی موٹر کہتے ہیں۔

حقیقت میں شگافوں میں پگھلا تانیا یا سلور 27 ڈالا جاتا ہے جو ٹھنڈا ہو کر ٹھوس ہو جاتا ہے اور قالب کو جھڑ لیتا ہے۔دونوں اطراف کے دائرہ نما کسر دور کرنے والے چھلے بھی ایس طرح اور اِسی وقت بنائے جاتے ہیں۔ اس طرح یہ ایک مضبوط گھومتا حصہ بن جاتا ہے۔ اسی مضبوطی کی وجہ سے پنجرا نما امالی موٹر نہایت مقبول ہوا ہے۔ ایسے موٹر سالوں تک بغیر دیکھ بال کے کام کرتے ہیں اور عام زندگی میں ہر جگہ پائے جاتے ہیں۔گھروں میں پانی کے پہپ اور چکھے اِنہیں سے چلتے ہیں۔

7.11 بي بوجھ موٹر اور جامد موٹر کے معائنہ

امالی موٹر کی کارکردگی دو معائنوں سے معلوم کی جاتی ہے۔ انہی سے اس کے مساوی برقی دور کے جزو بھی حاصل کئے جاتے ہیں۔ہم تین دور کی امالی موٹر کی مثال سے ان معائنوں کا تذکرہ کرتے ہیں۔

copper, aluminium²⁷

7.11.1 بي بوجھ موٹر كامعائنہ

یہ معائنہ بالکل ٹرانسفارم کے بے بوجھ معائنہ کی طرح ہے۔اس میں موٹر کی پیجان انگیز برتی رو اور بے بوجھ موٹر میں طاقت کے ضاع کی معلومات حاصل ہوتی ہیں۔

اس میں بے بوجھ امالی موٹر پر تین مرحلہ مساوی برتی دباو 28 لاگو کر کے بے بوجھ موٹر کی برقی طاقت کا ضیاع p_{bb} اور اس کے ساکن کچھے کی پیجان انگیز برتی رو $I_{S,bb}$ نالی جاتی ہے۔ یہ معائنہ امالی موٹر کی پورے برتی دباو اور برتی تعدد پر کیا جاتا ہے۔

ب بوجھ امالی موٹر صرف اتنی قوت مروٹر پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر طاقت کے ضیاع کی وجہ سے درکار ہو۔اتنی کم قوت مروٹر بہت کم سرک پر حاصل ہو جاتی ہے۔ مساوات 7.47 سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرک پر I'_{1} بھی نہایت کم ہو گی اور اس سے گومتے کچھوں میں برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس بات کو صفحہ کھومتے کچھوں میں برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس بات کو صفحہ کم کر گئی مدد سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جہاں یہ واضح ہے کہ بہت کم سرک پر مزاحمت $\frac{R'_{1}}{8}$ کی قیمت بہت زیادہ ہو جاتی ہے اور اس کو کھلے دور سمجھا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے شکل 7.14۔ الف ماتا ہے۔

شکل 7.14-الف میں R_c اور jX_m اور jX_m کے متوازی دور کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔کئی بھی امالی موٹر کی R_c کی قیت اس کی X_m کی قیت Z_s امالی موٹر کی رکاوٹ Z_m سے مساوی سلسلہ وار رکاوٹ Z_s یوں حال ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}}$$

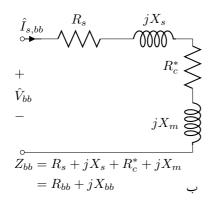
$$= \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}} \frac{R_{c} - jX_{m}}{R_{c} - jX_{m}}$$

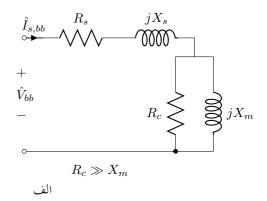
$$= \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2} + X_{m}^{2}}$$

$$\approx \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}} \qquad \text{if } R_{c} \gg X_{m}$$

$$= jX_{m} + \frac{X_{m}^{2}}{R_{c}} = jX_{m} + R_{c}^{*} = Z_{s}$$

کھتے ہوئے لفظ ہے ہو جھ کے پہلے حروف ب اور ب کوزیر نوشت میں bb کھتے ہوئے لفظ ہے کہا گیا ہے۔





شکل 7.14: بے بوجھ امالی موٹر کا معائنہ۔

ہے ہوچھ ٹرانسفار مروں میں ابتدائی کچھوں کے برقی طاقت کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جاتا ہے۔ ہوچھ امالی موٹروں کی بیجان انگیز برتی رو کافی زیادہ ہوتی ہے لہذا ان کے ساکن کچھوں کی برتی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز نہیں کیا جا سکتا۔ ہے ہوچھ امالی موٹر کی طاقت کے ضیاع کی برقی ضیاع منفی کی جائے تو اس میں میکانی طاقت کے ضیاع کا حساب لگایا جا سکتا ہے بینی

$$(7.53) p_{bb} - 3I_{s.bb}^2 R_s$$

میکانی طاقت کا ضیاع بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر کے لئے بکساں تصور کیا جاتا ہے۔

شکل 7.14-ب سے ہم لکھ سکتے ہیں۔

(7.54)
$$R_{bb} = \frac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}$$

$$Z_{bb} = \frac{V_{bb}}{I_{s,bb}}$$

$$X_{bb} = \sqrt{|Z_{bb}|^2 - R_{bb}^2}$$

$$X_{bb} = X_s + X_m$$

یوں اس معائنہ سے موٹر کی بے بوجھ متعالمیت X_{bb} حاصل ہوتی ہے۔اگر کسی طرح ساکن لیجھے کی متعالمیت X_s معلوم ہو تب اس مساوات سے X_m حاصل کی جا سکتی ہے۔انگلے معائنہ میں ہم X_s کا اندازہ لگا سکیں گے۔

7.11.2 جامد موٹر کامعائنہ

یہ معائنہ ٹرانسفارمر کے کس دور معائنہ کی طرح ہے۔ اس میں مشین کے رِسّا امالوں کی معلومات حاصل ہوتی ہے۔البتہ امالی موٹر کا مسلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔امالی موٹر کی رِسّا امالہ گھومتے لچھوں میں برقی تعدد اور قالب کے سیراب ہونے پر منحصر ہوتے ہیں۔

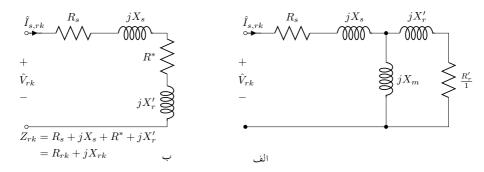
اس معائنہ میں امالی موٹر کے گھومتے جھے کو حرکت کرنے سے زبردستی روک دیا جاتا p_{rk} جبکہ ساکن کچھوں پر بیرونی برقی دباو V_{rk} لاگو کر کے برقی طاقت p_{rk} اور ساکن کچھوں کی برقی رو $I_{s,rk}$ نائی جاتی ہیں۔ اصولی طور پر بیہ معائنہ اُن حالات کو مدِ نظر رکھ کر کیا جاتا ہے جن پر موٹر کی معلومات درکار ہوں۔

جس لمحہ ایک موٹر کو ساکن حالت سے چالو کیا جائے اس لمحہ موٹر کی سرک ایک $I_{t=0}$ جس لمحہ ایک موٹر کو ساکن جوتی ہوتی ہے، لہذا اگر اس لمحہ کے نتائج درکار ہوں تو موٹر کے ساکن لمجھوں پر عام تعدد لینی $I_{t=0}$ کی این اگر درکار ہوں تو موٹر کے ساکن لمجھوں پر عام تعدد لینی اور $I_{t=0}$ کی اتنی برتی دباو لاگو کی جائے گی جتنی سے اس کے گھومتے لمجھوں میں برتی رو موٹر کی متائج درکار ہوں جب موٹر کی موٹر کی سرک $I_{t=0}$ اور اس کی گھومتے لمجھوں میں برتی روہ $I_{t=0}$ ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی میں عمور کی برتی دباو استعال کی جائے گی اور اس کی مقدار اتنی رکھی جائے گی جتنی سے تعدد کی برتی دو وجود میں آئے۔تقریباً $I_{t=0}$ تعدد کی برتی دباو انداز ہوتے ہیں لہذا ان کا معائنہ $I_{t=0}$ تعدد کی برتی دباو برتی ہوتے ہیں لہذا ان کا معائنہ $I_{t=0}$ تعدد کی برتی دباو برتی کیا جاتا ہے۔

یہاں صفحہ 242 پر دکھائے شکل 7.7 کو رکے موٹر کے معائنہ کی نقطہ نظر سے دوبارہ بناتے ہیں۔رکے موٹر کی سرک ایک کے برابر ہوتی ہے۔مزید یہ کہ اس معائنہ میں لاگو برقی دباو برقی دباو عام چالو موٹر پر لاگو برقی دباو سے خاصی کم ہوتی ہے۔اتنی کم لاگو برقی دباو پر قالبی ضیاع کو پر قالبی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔شکل میں R_c کو کھلے دور کرنا قالبی ضیاع کو نظرانداز کرنے کے مترادف ہے۔ایبا کرنے سے شکل 7.15-الف ماتا ہے۔چونکہ S_c کے ایبا کرنے سے شکل جا۔

t=0کی کیا ہے کے برتی رو کو چیوٹی ککھائی میں وقت صفرے منسلک کیا گیا ہے بینی t=0

دریر نوشت میں $t o \infty$ ان بات کو ظاہر کرتی ہے کہ موٹر کافی دیرہے چالاہے اور یہ ایک بر قرار رفارتک پہنچ گئی ہے۔



شکل 7.15:رکے امالی موٹر کا معائنہ۔

شکل 7.15-الف میں jX_m اور $(R'_r+jX'_r)$ متوازی جڑے ہیں۔ ان کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.15-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس متوازی دور کی مزاحمت Z_m سے سلسلہ وار مزاحمت Z_s یوں حاصل ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{jX_{m}(R'_{r} + jX'_{r})}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}$$

$$= \left(\frac{jX_{m}R'_{r} - X_{m}X'_{r}}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}\right) \left(\frac{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}\right)$$

$$= \frac{jX_{m}R'^{2} + X_{m}R'_{r}(X_{m} + X'_{r}) - X_{m}X'_{r}R'_{r} + jX_{m}X'_{r}(X_{m} + X'_{r})}{R'^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= \frac{X_{m}^{2}R'_{r}}{R'^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}} + \frac{j(X_{m}R'^{2} + X_{m}^{2}X'_{r} + X_{m}X'^{2})}{R'^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= R_{s}^{*} + jX_{s}^{*} = Z_{s}$$

اگر ان مساوات میں $X_m\gg R'_r$ اور $X_m\gg X'_r$ لیا جائے تو حاصل ہوتا ہے۔

(7.56)
$$R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'} \right)^2$$

$$X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_m^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_m^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_m^2} \approx X_r'$$

X'_r	X_s	خاصيت	كفومتاحصه
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	کار کر دگی گھومتے جھے کی مز احمت پر منحصر	ليثاهوا
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	عام ابتدائی قوت مر وڑ،عام ابتدائی رو	Aبناوك
$0.6X_{rk}$	$0.4X_{rk}$	عام ابتدائی قوت مر وڑ، کم ابتدائی رو	Bبناوٹ
$0.7X_{rk}$	$0.3X_{rk}$	زیاده ابتدائی قوت مر وڑ، کم ابتدائی رو	Cبناوك,
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	زیاده ابتدائی قوت مر وژ، زیاده سر ک	Dبناوك

جدول 7.1: متعامليت كي ساكن اور گھومتے حصوں ميں تقسيم _

اس معائنہ میں ناپے مقداروں اور شکل 7.15-ب سے

(7.58)
$$Z_{rk} = \frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$

$$R_{rk} = \frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$

$$X_{rk} = \sqrt{|Z_{rk}|^2 - R_{rk}^2}$$

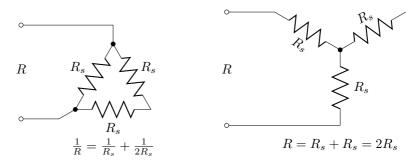
حاصل ہوتے ہیں۔ اس مساوات کے پہلے جزو میں ناپے برقی دباو اور برقی رو سے رکاوٹ حاصل کی گئی ہے، اس کے دوسرے جزو سے مزاحمت اور تیسرے میں متعاملیت۔

(7.59) اب شکل 7.15-ب سے واضح ہے کہ $X_{rk} = X_s + X'_r$

امالی مثین مختلف خصوصیات کو مد نظر رکھ کر بنائے جاتے ہیں۔ عام آدمی کے آسانی کے لئے ایسے مثینوں کی درجہ بندی کی جاتی ہے۔ جدول 7.1 میں پنجرا نما امالی موٹر کے مختلف اقسام X_{rk} ایسے مثینوں کی درجہ بندی کی جاتی ہے۔ جدول A,B,C,D اور الیکی مثین جن کا گھمتا حصہ لیچے پر مشتمل ہو، کے رستا متعاملیت کو ساکن اور گھومتے لیچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے لیچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے لیچھوں میں ساکن اور گھومتے متعاملیت برابر ہوتے ہیں۔ ای طرح شکل 7.15 ب سے واضح ہے کہ R_s براہِ راست مزاحمت واضح ہے کہ R_s براہِ راست مزاحمت نایی جائے تو نایی جائے تو نایی جائے تو نایی جائے تو

 $(7.60) R^* = R_{rk} - R_s$

Ohm meter³¹



شکل 7.16: ستارہ اور تکونی جڑی موٹروں کی ساکن کچھوں کی مز احمت کااوہم میٹر کی مد دسے حصول۔

ہو گا اور اب R'_r کو مساوات 7.56 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں R'_r ہو امالی موٹر کے معاہد میں حاصل کی جاتی ہے۔

اوہم میٹر کی مدد سے ساکن کچھے کی مزاحمت ناپتے وقت سے جاننا ضروری ہے کہ موٹر سارہ یا تکونی جڑی ہے۔ شکل 7.16 میں کچھے کو دونوں طرح جڑا دکھایا گیا ہے۔ اگر یک مرحلہ مزاحمت R_s ہو تو سارہ جڑی موٹر میں اوہم میٹر $2R_s$ مزاحمت دے گی جبکہ تکونی جڑی موٹر کے لئے سے R_s مزاحمت دے گی۔

مثال 7.5: ستارہ بڑی چار قطب بچاس ہرٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی موٹر کے معائنہ کئے جاتے ہیں۔ موٹر کی بناوٹ درجہ بندی A کے مطابق ہے۔ اوہم میٹر کسی بھی دو برتی سروں کے مابین 0.55 اوہم جواب دیتا ہے۔ بے بوجھ معائنہ D اور 415 کی برتی رو 415 کی اور طاقت کا ضیاع D 906 ناپے جاتے ہیں۔ جامہ موٹر معائنہ D 15 اور D کی برتی رو 4.1 کی اور طاقت کا ضیاع D کی نادرونی میکانی جات موٹر کی مساوی برقی دور بنائیں اور پانچ فی صد سرک پر اس کی اندرونی میکانی طاقت عاصل کریں۔

حل: اوہم میٹر کے جواب سے ستارہ جڑی موٹر کے ساکن کچھے کی مزاحمت $R_s=\frac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$

= $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \,\text{V}$

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965 \Omega$$
$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439 \Omega$$
$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 \Omega = X_s + X_m$$

لپذا رکے موٹر معائنہ کے نتائج سے X_s حاصل کرنے کے بعد X_m حاصل ہو جائے گی۔

ساکن کچھے کی مزاحمت میں اس برقی رو پر گل

 $3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 = 13.87 \,\mathrm{W}$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا لہذا رگڑ اور دیگر طاقت کا ضیاع 892=13.86=906 واٹ ہو گا۔

رکے موٹر کے معائنہ میں یک مرحلہ برتی دباو $\frac{50}{\sqrt{3}}=28.9$ وولٹ ہیں بوں اس معائنہ $\frac{50}{\sqrt{3}}=28.9$

$$R_{rk} = \frac{850}{3 \times 13.91^2} = 1.464 \,\Omega$$
$$|Z_{rk}| = \frac{28.9}{13.91} = 2.07 \,\Omega$$
$$X_{rk,15} = \sqrt{2.07^2 - 1.464^2} = 1.46 \,\Omega$$

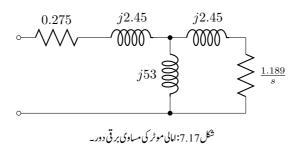
 $X_{rk,50}=rac{50}{15}$ عاصل ہوتے ہیں۔ اس معائنہ میں برقی تعدد $X_{rk,15}pprox 8$

ہے۔ درجہ بندی A کی امالی موٹر کے لئے یہ متعاملت ساکن اور گھومتے کچھے میں یکسال تقسیم ہوتی ہے لہٰذا

$$X_s = X_r' = \frac{4.9}{2} = 2.45 \,\Omega$$

نوں

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53\,\Omega$$



چونکہ
$$R_s=0.275$$
 اوہم ہے لہذا

$$R'_r = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189 \,\Omega$$

ہو گا۔یہ مساوی برقی دور شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے۔

یا پنچ نی صد سرک پر اندرونی میکانی طاقت کی خاطر بائیں جانب کا تھوِنن مساوی دور استعال کرتے ہوئے

$$\begin{split} V_t &= 229 / 0.2833^{\circ} \\ Z_t &= 0.251 + j2.343 \\ \left| \hat{I}'_r \right| &= 11.8 \, \mathrm{A} \\ p_m &= \frac{3 \times 11.8^2 \times 0.974 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 7730 \, \mathrm{W} \end{split}$$

یک سمتی رومشین

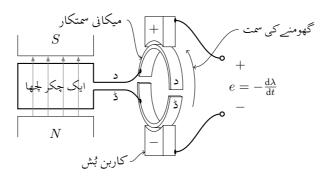
کے سمتی رو مشین یا تو یک سمتی روا برقی طاقت پیدا کرتے ہیں یا پھر یہ یک سمتی رو برقی طاقت سے چلتے ہیں۔یک سمتی رو موٹروں کی اہمیت بندر ت کم ہوتی جا رہی ہے اور ان کی جگه امالی موٹر استعال ہونے لگے ہیں جو جدید طرز کے قوم الیکڑانگرے سے قابو کئے جاتے ہیں۔موجودہ دور میں گاڑیوں میں لگے یک سمتی جزیئر بھی دراصل سادہ بدلتی رو جزیئر ہوتے ہیں جن کے اندر نب ڈایوڈ ان کی بدلتی محرک برقی دباو کو یک سمتی محرک برقی دباو میں تبدیل کر دیتی ہے۔

اس باب میں دو قطب کے یک سمتی آلوں کا مطالعہ کیا جائے گا۔میکانی سمت کار رکھنے والے یک سمتی آلوں میں میدانی لچھا ساکن ہوتا ہے جبکہ قوی لچھا گھومتا ہے۔

8.1 میکانی ست کار کی بنیادی کار کر دگی

جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو برقی دباو ہی پیدا کرتا ہے۔ یک سمتی جزیٹر کے اندر نسب سمجے کا 4 میکانی طریقہ سے اس بدلتی رو کو یک سمتی رو میں تبدیل کرتا ہے اور یوں جزیٹر کی برقی سروں سے یک سمتی برقی دباو حاصل ہوتا ہے۔

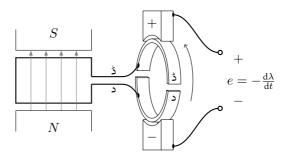
dc, direct current¹ power electronics² diode³ commutator⁴ باب.8. یک ستی رومشین



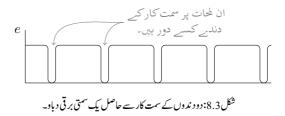
شكل 8.1: ميكاني سمت كارب

سمت کار کو شکل 8.1 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں جزیٹر کے قوی لچھے کو ایک چکر کا دکھایا گیا ہے اگرچہ حقیقت میں ایبا نہیں ہوتا۔ قوی لچھے کے برقی سروں کو د اور ڈ سے ظاہر کیا گیا ہے جو سمت کار کے د اور ڈ صوں کے ساتھ بُڑے ہیں۔ قوی لچھا اور سمت کار ایک ہی دھرے پر نب ہوتے ہیں اور یوں یہ ایک ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ یہ دونوں گھڑی کی اُلٹی سمت مقناطیسی میدان میں گھوم رہے ہیں۔ مقناطیسی میدان اُنقی سطح میں S کی جانب ہے جے نوکدار لکیروں سے دکھایا گیا ہے۔ سمت کار کے ساتھ کاربن کے ساکن اُش، اسپرنگ کی مدد سے دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ ان کاربن کے بیون جزیئر موصل برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کی جاتی کاربن کے اُنٹوں سے برقی دباو بیرونِ جزیئر موصل برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کی جاتی ہے۔ کاربن کے اُنٹوں کو مثبت نشان لیخن — سے ظاہر کیا گیا ہے۔

c کھائے گئے لمحہ پر لیچھے میں پیدا برقی دباو e کی وجہ سے لیچھے کا برقی سرا د مثبت اور اس کا جمہ ڈ منفی ہے۔ یوں سمت کار کا حصہ د مثبت اور اس کا حصہ ڈ منفی ہے۔ آدھے ہیں جب جس سے کاربن کے + نشان والا بُش مثبت اور - نشان والا بُش منفی ہے۔ آدھے پکر بعد خلاء میں لیچھے کی د اور ڈ اطراف آپی میں جگہیں تبدیل کر لیس گی۔ یہ شکل جمد خلاء میں دکھایا گیا ہے۔ لیچھے کے د اور ڈ اطراف اب بھی سمت کار کے د اور ڈ حصوں کے ساتھ بُڑے ہیں۔ اس لحمہ پر لیچھے پر برقی دباو اُلٹ ہو گی اور اب اس کا د طرف منفی اور ڈ طرف مثبت ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں سمت کار کی کارکردگ سامنے آتی ہے اور ہم دیکھتے ہیں کہ کاربن کا + نشان والا بُش اب بھی مثبت اور + سین والا بُش اب بھی مثبت اور + سین والا بُش اب بھی مثبت اور + سین والا بُش اب بھی مثبت ہو گی برونی برقی سروں پر اب بھی برقی دباو



شکل 8.2: آدھے چکر کے بعد بھی + بُش مثبت ہی ہے۔

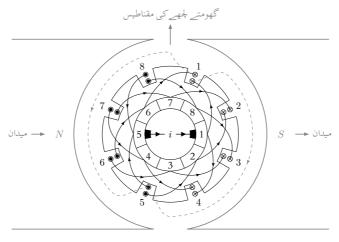


پہلے کی سمت میں ہی ہے۔سمت کاری کے دانتوں کے مابین برقی دباو ہوتا ہے البذا ان کو غیر موصل شہ کی مدد ایک دونوں سے اور دھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔

گھومتے وقت ایک الیا لحمہ آتا ہے جب سمت کار کے دونوں دانت کاربن کے دونوں گھومتے وقت ایک الیا لحمہ آتا ہے جب سمت کار کے دونوں دانت کاربن کے دونوں کُشوں کے ساتھ جُڑے ہوتے ہیں لیعنی اس لحمہ کاربن کے کُش لچھے کو کسر دور کرتے ہیں کاربن کے کُش لچھے کو کسر دور کرے۔چونکہ اس لحمہ لچھے کے پیدا کردہ برقی دباو صفر ہوتی ہے لہذا اسے کسر دور کرنے سے کوئی نقسان نہیں ہوتا۔اس طرح حاصل برقی دباو شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں دو دندوں والا سمت کار اور دو مقناطیسی قطب کے درمیان گھومتا ایک ہی توی لیجھا دکھایا گیا ہے۔ حقیقت میں جزیئر کے بہت سارے قطب ہوں گے اور ہر ایک قطب کے لئے سمت کار کے کئی دندے ہوں گے۔ مزید یہ کہ نہایت چھوٹی آلوں میں مقناطیس میدان ساکن میدانی لیجھے میدان مقناطیس ہی فراہم کرتا ہے جبہ بڑی آلوں میں مقناطیس میدان ساکن میدانی لیجھے فراہم کرتے ہیں۔

اب.8. یک ستی رومشین



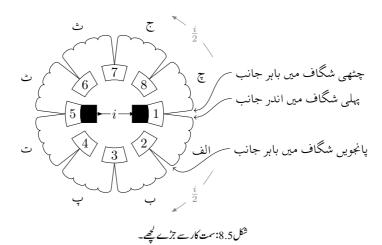
شکل 8.4: کاربن بُش سمتکار کے دندوں کو کسرِ دور نہیں کر رہا۔

اب ہم زیادہ دندوں کے ایک ست کار کو دیکھتے ہیں۔

8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل

پچھلے حصہ میں سمت کار کی بنیادی کارکردگی سمجھائی گئی۔ اس حصہ میں اس پر تفصیلاً غور کیا جائے گا۔ یہاں شکل میں اندر کی جانب دکھائے گئے کیا جائے گا۔ یہاں شکل میں اندر کی جانب دکھائے گئے سمت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ سمت کار کی اندر جانب کاربن بُش دکھائے گئے ہیں جبکہ بیرونِ جزیئر برقی رو کو ظاہر کرتی ہے۔ شکافوں کو بھی ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس جزیئر کے دو قطب ہیں جبکہ اس میں کُل آٹھ شکاف ہیں۔ اس طرح اگر ایک شکاف ایک قطب کے سامنے ہو تو تین شکاف چھوڑ کر موجود شکاف دوسرے قطب کے سامنے ہو تو تین شکاف ایک قطب فاصلے پر ہیں مثلاً شکاف ایک اور یاخی ایک قطب کے فاصلے پر ہیں مثلاً شکاف ایک اور یاخی ایک قطب کے فاصلے پر ہیں۔

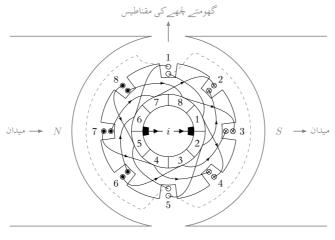
شگافوں میں موجود کچھوں میں برقی رو کی سمتیں نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے گئے ہیں۔ نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر باہر جانب کی سمت کو ظاہر کرتی ہے جبکہ صلیب کے



نشان اس کی اُلٹ سمت کو ظاہر کرتی ہے۔یوں پہلی شگاف میں برقی رو کی سمت عمودی طور پر صفحہ کی اندر جانب کو ہے۔

ہر شگاف میں دو لیجے دکھائے گئے ہیں۔ پہلی شگاف کی اندر جانب موجود لیجھا، سمت کار
کی پہلی دانت سے بڑا ہے۔ یہ جوڑ موٹی کلیر سے ظاہر کی گئی ہے۔شگاف کے نیجلے سرے
سے نکل کر یہ لیجھا پائچ نمبر شگاف کے نیجلے سرے میں باہر جانب کو داخل ہوتا ہے۔اس
بات کو نقطہ دار کلیر سے دکھایا گیا ہے۔اس طرح دو لیجھے دوسرے اور چٹے شگافوں میں
ہیں۔ان میں ایک لیجھا دوسرے شگاف میں اندر کی جانب اور چٹے شگاف میں باہر کی جانب
ہے جبکہ دوسرا لیجھا دوسرے شگاف میں باہر کی جانب اور چٹے شگاف میں اندر کی جانب
ہے۔ نقطہ دار کلیریں صرف پہلی اور پانچویں شگاف کے لئے دکھائے گئے ہیں۔آپ خود باتی
شگافوں کے لئے آئیس بنا سکتے ہیں۔ہر لیجھ کی ایک طرف شگاف میں اندر جانب اور اس
کی دوسری طرف ایک قطب دور موجود شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔ سمت کار کا
کی دوسری طرف ایک قطب دور موجود شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔ سمت کار کا
کر شکل 5.8 کی مدد سے مشین میں برتی رو کی سمتیں سیجھیں اور تبلی کر لیں کہ سے
کر شکل 5.8 کی مدد سے مشین میں برتی رو کی سمتیں سیجھیں اور تبلی کر لیں کہ سے
درست دکھائے گئے ہیں۔اس شکل میں کیجھوں کو الف، ب ، پ وغیرہ نام دیے گئے ہیں۔
جبکہ سمت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔کاربن کے بُش پہلے اور پانچویں
دانت سے جڑے دکھائے گئے ہیں۔

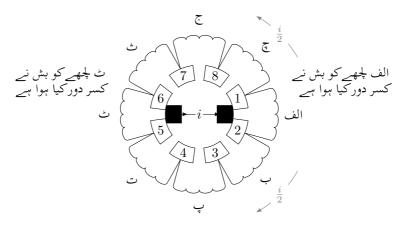
باب.8. یک ستی رومشین



شکل8.6: کاربن بُش سمت کار کے دندوں کو کسر دور کر رہاہے۔

اس شکل میں کاربن بُش سے برقی رو سمت کار کی پہلے دانت سے ہوتے ہوئے دو برابر مقداروں میں تقییم ہو کر دو کیساں متوازی راستوں گزرے گی۔ایک راستہ سلسلہ وار جڑے نہ جڑے الف، ب، پ اور ت لیجھوں سے بتا ہے جبکہ دوسرا راستہ سلسلہ وار جڑے نہ بن، ج اور چ لیجھوں سے بتا ہے۔یہ دو سلسلہ وار راستے آپی میں متوازی جڑے ہیں۔برقی رو کی سمت نقطہ دار چونچ والی لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔دو متوازی راستوں سے گزرتا برقی رو ایک مرتبہ دوبارہ مل کر ایک ہو جاتا ہے اور سمت کار کے پانچویں دانت سے جڑے کاربن بُش کے ذریعہ مثین سے باہر نکل جاتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ گھومتے جے کی طرین بُش کے ذریعہ مثین سے باہر نکل جاتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ گھومتے جے کی عمودی سمت میں موجود لیجھوں میں برقی رو مقناطیسی دباو کو جنم دے گی جو ساکن مقناطیسی دباو کی عمودی سمت میں ہو گی جیسا شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔یہ دو مقناطیسی دباو دھرے پر گھڑی کی سمت میں تو سے مروڑ پیدا کریں گے۔یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعال کی جو باری برونی یک سمت میں وہ یہ برقی رو دکھائی گئی سمت میں ہو۔ جات سے دباو اس سمت میں لاگو کی جائے گی کہ اس میں برقی رو دکھائی گئی سمت میں ہو۔

اب یہ تصور کریں کہ مثین ایک جزیٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو اور اسے گھڑی کی اُلٹی سمت کار کے آدھے دانت برونی میکانی طاقت سے گھمایا جا رہا ہو۔یوں سمت کار کے آدھے دانت برابر حرکت کرنے کے بعد یہ شکل 8.6 میں دکھلائے حالت اختیار کر لے گی۔اس شکل



شکل 8.7:کاربن بش دو دندوں کو کسر دور کر رہے ہیں۔

میں دائیاں کاربن کُش سمت کار کے پہلے اور دوسرے دانت کے ساتھ جَبکہ بائیاں کاربن گُش اس کے پانچویں شگافوں میں اور چھٹے دانت کے ساتھ جُڑ گئے ہیں۔یوں پہلے اور پانچویں شگافوں میں موجود کچھے کسر دور ہو گئے ہیں جبکہ بقایا شگافوں میں موجود کچھے کسر دور ہو گئے ہیں جبکہ بقایا شگافوں میں موجود کچھوں میں حسب معمول برقی رو ہو گا جن سے مقناطیسی دباو اب بھی پہلے کی طرح ساکن مقناطیسی کی دباو کی عمودی سمت میں ہو گا۔اس لمحہ کی صورت شکل 8.7 میں زیادہ واضح ہے۔

مثین جب سمت کار کے ایک دانت برابر حرکت کر لے تو کاربن کے بُش دوسرے اور چھٹے دانت سے بُڑ جائیں گے۔پہلے اور پانچویں شکافوں میں برتی رو کی سمت پہلی سے اُک ہو جائے گی جبکہ باتی شکافوں میں برتی رو کی سمتیں برقرار رہیں گی۔گھومتے لچھوں کا برتی دباو اب بھی اُسی سمت میں ہو گا۔

جتنے لیجے کے لئے کاربن کے بُش دو کچھوں کو کسر دور کرتے ہیں اتنے وقت میں ان کچھوں میں برقی رو کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔کوشش کی جاتی ہے کہ اس دوران برقی رو وقت کے ساتھ بتدری تابدیل ہو۔اییا نہ ہونے سے کاربن کے بُش سے چنگاریاں نکلی ہیں جن سے یہ بُش جلد ناکارہ ہو جاتے ہیں۔جزیٹر کے کسر دور لچھوں میں پیدا برقی دباو انہیں کچھوں میں گھومتی برقی رو پیدا کرتی ہے جو ہمارے کی کام کی نہیں۔لچھے اور کاربن بش کے برقی مزاحمت اس برقی رو کی قیمت کا تعین کرتے ہیں۔

باب.8. یک ستی رومشین

حقیقت میں یک سمتی جزیٹر میں در جن دانت فی قطب والا سمت کار استعال ہو گا اور اگر مشین نہایت چھوٹی نہ ہو تو اس میں دو سے زیادہ قطب ہوں گے۔

8.2 كى سىتى جزيىر كى برقى دباو

گزشتہ حصہ میں شکل 8.5 کے الف، ب، پ اور ت کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ ای طرح ٹ، ث، ج اور چ کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔حصہ 5.3 میں مساوات 5.23 ایک کچھے کی یک سمتی جزیئر کی محرک برتی دباو e_1 دیتی ہے۔ اسے یہاں یاد دھیانی کی خاطر دوبارہ دیا جاتا ہے۔

$$(8.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

اگر خلائی درز میں B_m کی مقدار ہر جگہ کیساں ہو تو سب کچھوں میں برابر محرک برتی دباو e ایک دباو پیدا ہو گا۔یوں شکل 8.4 میں دکھائے لمحہ پر جنریٹر کی کُل محرک برتی دباو e ایک کچھے کی محرک برتی دباو کی چار گنا ہو گی یعنی

(8.2)
$$\begin{split} e &= e_{\downarrow\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} \\ &= e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} \\ &= 4\omega NAB_m \end{split}$$

جَبَه شکل 8.6 میں دکھائے لحمہ پر صرف تین کچھوں کی محرکی برقی دباو زیرِ استعال آتی ہے یعنی

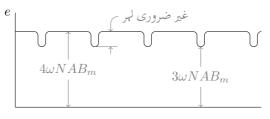
(8.3)
$$e = e + e + e + e =$$

$$= e + e + e + e =$$

$$= 3\omega NAB_{m}$$

شکل 8.8 میں اس آٹھ دندوں والے میکانی سمت کار سے حاصل برقی دباو دکھائی گئی سہت کار سے حاصل برقی دباو دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں یک سمتی برقی دباو پر سوار غیر ضروری لہریں نظر آ رہی ہیں۔ اگر جزیٹر میں ایک جوڑی قطب پر کُل n لچھے ہوں تو شکل 8.5 کی طرح سے دو $\frac{n}{2}$ سلسلہ وار لچھوں جنتی محرکی برقی دباو پیدا کرے گی۔

(8.4)
$$e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$



شکل 8.8: آٹھ دندوں کی میانی ست کارسے حاصل برقی دباو۔

اس صورت میں یہ غیر ضروری اہریں کُل کیک سمتی برقی دباو کی تقریباً
$$\frac{\omega N\phi_m}{\frac{n}{2}\omega N\phi_m}\times 100=\frac{2}{n}\times 100$$
 (8.5)

نی صد ہو گی۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اگر نی قطب دندوں کی تعداد بڑھائی جائے تو حاصل برقی دباو زیادہ ہموار ہو گی اور یہ غیر ضروری لہریں قابلِ نظر انداز ہوں گے۔

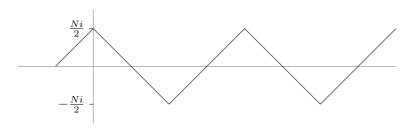
اب تصور کریں کہ شکل 8.4 میں دیۓ مشین کی خلائی درز میں B_m کی مقدار ہر جگہ کیسال نہیں ہے۔اس صورت میں کچھول میں محرک برقی دباو مساوات 8.1 کے تحت مختلف زاویوں پر مختلف ہو گی۔اس طرح مشین سے حاصل کُل برقی دباو چار سلسلہ وار کچھوں کی مختلف محرک برقی دباو کے مجموعہ کے برابر ہو گی لیمنی

$$(8.6) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

جہاں e_1, e_2, \cdots مختلف کچھوں کی محرک برقی دباو کو ظاہر کرتے ہیں۔

اب شکل کی حالت دوبارہ حاصل ہوتی ہے اور اس سے حاصل برقی دباو بھی دوبارہ وہی اس شکل کی حالت دوبارہ حاصل ہوتی ہے اور اس سے حاصل برقی دباو بھی دوبارہ وہی ملتی ہے۔اگر میکانی سمت کار کی فی قطب دندوں کی تعداد زیادہ کر دی جائے تو بیہ حرکت قابلِ نظر انداز ہو جاتی ہے۔ اب اگر خلائی درز میں کثافتِ مقاطیسی بہاو ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو اتنی کم حرکت کے احاطے میں B_m کی مقدار میں کوئی خاص تبدیلی نہیں تبدیل ہو تو اتنی کم حرکت کے احاطے میں اصور کیا جا سکتا ہے۔یوں اگر لچھا اس احاطے میں حرکت کرے تو اس میں محرک برتی دباو تبدیل نہیں ہو گی۔یعن جس لچھے کی محرک برتی دباو تبدیل نہیں ہو گی۔یعن جس لچھے کی محرک برتی دباو تبدیل نہیں ہو گی۔یعن جس لچھے کی محرک برتی دباو میہی رہے گی۔یوں اگرچہ دبوں اگرچہ وربی اللہ دباو میں اصاطے میں اصاطے میں اصاطے میں احور کیا جا سکتا ہے۔یوں اگر دباو تبدیل نہیں ہو گی۔یعن جس لچھے کی محرک برتی دباو تبدیل نہیں دباو میہی رہے گی۔یوں اگرچہ کی اور وربا کی اس احاطے میں محرک برتی دباو میہی رہے گی۔یوں اگرچہ کی۔یوں اگرچہ دباو دباو میہی رہے گی۔یوں اگرچہ کی۔یوں اگرچہ دباو دباو کیہی رہے گی۔یوں اگرچہ کی۔یوں اگرچہ دباو کیہی دباو کیہی رہے گی۔یوں اگرچہ کی۔یوں اگرچہ کی۔یوں اگرچہ دباو کیہی دباو کیہی رہتے گی۔یوں اگرچہ کی۔یوں اگرچہ دباو کیہی دباو کیہی کی۔یوں اگرچہ کی۔

باب. 8. یک ستی روشین



شكل 8.9: آرى دندول نما كثافت مقناطيسي دباويه

آپس میں مختلف ہو سکتے ہیں مگر ان کی مقدار قطعی ہے، لہذا اس صورت میں مساوات 8.6 میں دی گئی محرکی برتی دباو کی مقدار بھی قطعی ہو گی۔

ہم نے دیکھا کہ اگر خلائی درز میں B_m ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو جزیئر سے معیاری یک سمتی محرک برقی دباو حاصل ہوتی ہے۔بدلتی رو جزیئروں میں B_m سائن نما رکھنی ضروری ہوتی ہے۔نہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں خلائی درز میں B_m یکساں رکھا جاتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں اسے ہمواری کے ساتھ تبدیل کیا جاتا ہے۔جبیا اوپر ذکر ہوا عملاً میکانی سمت کار کے دندوں تک کچھوں کے سروں کی رسائی ممکن تب ہوتی ہے جب بر شکاف میں دو کچھے رکھے جائیں۔ اس طرح رکھے کچھوں کی خلائی درز میں مقناطیسی دباو آری کے دندوں کی مانند ہوتا ہے۔یہ شکل 8.9 میں دکھایا گیا ہے۔

زیادہ قطب کے مثین میں شالی اور جنوبی قطب کے ایک جوڑے کی پیدا یک سمتی برتی دباو مساوات 8.4 سے حاصل ہو گی جہال n ایک قطبین کے جوڑے پر میکانی سمت کار کے دندوں کی تعداد ہو گی۔یوں زیادہ قطبین کے جوڑیوں سے حاصل یک سمتی برتی دباو کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑا جا سکتا ہے۔

8.3 قوت مروڑ

یک سمتی آلوں کی امالی برقی دباو اور قوت مروڑ خلائی درز میں مقناطیسی دباو کی شکل پر مخصر نہیں۔اپنی سہولت کے لئے ہم ان کی خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما تصور

8.3. قوت مرور الله عند الله عن

رتے ہیں۔ شکل 8.9 میں دکھائے گئے قوی کچھے کی مقناطیسی دباو کی بنیادی فوریئر جزو $au_q = rac{8}{\pi^2} rac{NI}{2}$

ہے۔ یوں چونکہ یک سمتی مثین میں ساکن اور گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباو عمودی ہیں لہذا ان میں قوت مروڑ مساوات 5.101 کی طرح

$$(8.8) T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

ہو گی۔

مثال 8.1: دو قطب بارہ دندوں کے میکانی سمت کار کے یک سمتی جزیٹر میں ہر قوی لچھا بیں چکر کا ہے۔ایک لچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاہ 0.0442 ویبر ہے۔جزیٹر 3600 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔

- اس کی پیدا یک سمتی برقی دباو میں غیر ضروری لہریں گل برقی دباو کے کتنے فی صد ہیں۔
 - یک سمتی برقی دباو حاصل کریں۔

ىل:

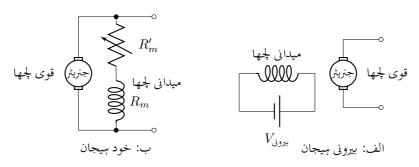
- ماوات 8.5 سے غیر ضروری لہریں $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$ مراوات
- جزیٹر کی رفتار $60 = \frac{3600}{60}$ ہرٹز ہے یوں مساوات 8.4 کی مدد سے حاصل کیک سمتی برقی دباو

$$e = \frac{12}{2} \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 1999.82 \text{ V}$$

-4

fundamental Fourier component⁵

باب. 8. یک ستی رومشین



شكل 8.10: بيروني بيجان اورخو د بيجان يك سمتي جزيير _

8.4 بيروني بيجان اورخو د بيجان يك سمتى جزيٹر

بیرونی بیجانی کی سمتی جزیئر کے میدانی کچھے کو بیرونی یک سمتی برقی دباو مہیا کی جاتی ہے جبکہ خود بیجانی کی سمتی جزیئر کے میدانی کچھے کو اس جزیئر کی اپنی پیدا کردہ محرک برقی دباو ہی مہیا کی جاتی ہے۔یک سمتی جزیئر کی کارکردگی اس کو بیجان کرنے کے طریقے پر مخصر ہے۔

شکل 8.10-الف میں قوی لیجے اور میدانی لیجے و آپس میں عمودی بنایا گیا ہے۔ یہ ایک سادہ طریقہ ہے جس سے بیاد رہتا ہے کہ ان لیجوں کی پیدا کردہ متناطیسی دباو عمودی ہیں۔ یہاں قوی لیجے کی شکل میکانی سمت کار کی طرح بنائی گئی ہے۔

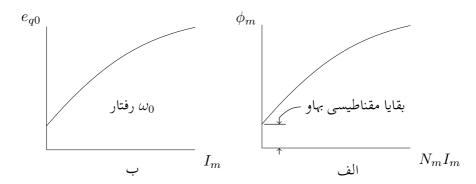
چونکہ میدانی اور قوی لچھوں کی مقاطیسی دباو عمودی ہیں ہم اس سے یہ اخذ کرتے ہیں کہ ایک لچھے کی برقی دباو پر اثر انداز نہیں ہوتی۔اس کا مطلب ہے کہ مقاطیسی قالب کی کسی ایک سمت میں سیرابیت اس سمت کی عمودی سمت میں سیرابیت یر اثر انداز نہیں ہوتی۔

شکل 8.10-الف میں بیرونی بیجان مثین کی میدانی لیچے کو بیرونی یک سمتی برقی طاقت مہیا کی گئی ہے۔یوں میدانی لیچے کی برقی رو تبدیل کر کے اس کی میدانی مقناطیسی دباو

separately excited⁶ self excited⁷

armature coil⁸

filed coil9



شکل 8.11:میدانی برقی روسے محرکی برقی دباو قابو کی جاتی ہے۔

ہے۔ میدانی مقناطیسی بہاو ϕ_m اور کثافتِ مقناطیسی بہاو B_m تبدیل کی جا سکتی ہے۔یوں جزیر کی محرک برتی دباو مساوات 8.1 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے یا پھر موڑ کی توت مروڑ مساوات 8.8 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے۔

برتی رو بڑھانے سے قالب کا سیراب ہونا شکل 8.11 میں واضح ہے۔یوں برتی رو بڑھاتے ہوئے شروع میں محرک برتی دباو اور میدانی کچھے کی برتی رو براہِ راست متناسب ہو گی جبکہ زیادہ برتی رو پر ایبا نہیں۔شکل میں خط ب مثین کے کُھلے سرے معائمہ سے حاصل کی جا سکتی ہے۔اس شکل میں محرکی برتی دباو کو e_{q0} کی جبائے e_{q0} کی جا سکتی ہے اور یہ ایک کی یاد دھیانی کرائی گئی ہے کہ یہ محرکی دباو توی کچھے سے حاصل کی گئی ہے اور یہ ایک معین رفتار ω پر حاصل کی گئی ہے۔اگر سی اور رفتار ω پر اس خط سے محرکی برتی دباو e_{q}

(8.9)
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

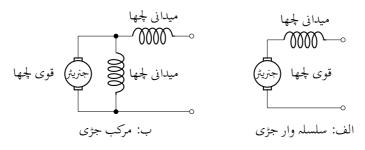
لعيني

$$e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

جہاں رفتار کو چکر فی منٹ¹⁰ میں بھی لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ یہ مساوات صرف اُس صورت میں درست ہے جب مقاطیسی میدان تبدیل نہ ہو۔

rpm, rounds per minute¹⁰

باب.8. یک ستی رومشین



شکل 8.12: سلسله وار اور مر کب جڑی خود بیجان جزیٹر۔

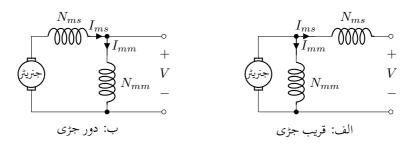
مقناطیسی قالب اگر مقناطیس بنائی جائے تو اس میں بقایا مقناطیسی بہاو رہتی ہے۔یہ شکل کے حصہ الف میں دکھائی گئی ہے۔یوں اگر میدانی لچھے کو بیجان نہ بھی کیا جائے تو جزیئر پچھ محرکی برقی دباو شکل ب میں صفر میدانی برقی رو پر دکھائی گئی ہے۔

اگر خود ہیجان جزیئر کو ساکن حال سے چالو کیا جائے تو بقایا محرکی برقی دباو پیدا ہو گی۔اس محرک برقی دباو سے میدانی لچھے میں برقی رو رواں ہو گا اور یوں مقناطیسی میدان پیدا ہو گا جس سے مشین ذرا زیادہ ہیجان ہو جائے گا اور یوں اس کی محرک برقی دباو بھی کچھ بڑھ جائے گی۔اس طرح کرتے کرتے مشین جلد پوری محرک برقی دباو پیدا کرنے شروع ہوتا ہے۔یہ سب اس اثنا میں ہوتا ہے جب مشین کی رفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔

شکل 8.10-ب میں خود ہیجان مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی لیجھے متوازی بھڑے ہیں۔ اس طرح بڑی جزیٹر کو خود ہیجائے متوازی بھڑے ہیں۔ اس طرح بڑی جزیٹر کو خود ہیجائے متوازی بھڑے ہیں۔ اس شکل میدانی لیجھے کے ساتھ ایک مزاحمت سلسلہ وار بڑی ہے۔ اس مزاحمت کو تبدیل کر کے میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے جس سے بالکل بیرونی ہیجان مشین کی طرح جزیٹر کی محرکی برقی دباو یا موٹر کی قوت مروڑ تبدیل کی جاتی ہے۔

شکل 8.12 میں خود بیجان جزیر کی دو اور قسمیں دکھائی گئی ہیں۔ ایک خود بیجانے سلملہ وار جزی جزیر اور دوسری خود بیجانے مرکب جزیر ہے۔سلملہ وار جڑی جزیر میں میدانی اور قوی کچھے

اً آ پ ٹھیک سوچ رہے ہیں۔ جزیر برنانے والے کار خانے میں قالب کو پیکی مرتبہ مقناطیس بناتا پڑتا ہے parallel connected ¹²



شکل 8.13:مر کب قریب جڑی اور مر کب دور جڑی خو د بیجان جزیٹر

سلسلہ وار بُڑے ہوتے ہیں۔ مرکب جنریٹر میں میدانی لچھے کے دو جھے ہوتے ہیں جن میں ایک قوی لچھے کے متوازی اور دوسرا اس کے سلسلہ وار بُڑے ہوتے ہیں۔ مزید یہ کہ متوازی بُڑا حصہ قوی لچھے کے قریب ہو سکتا ہے یا پھر یہ سلسلہ وار لچھے کے دوسری جانب لینی دور بُڑا ہو سکتا ہے۔ پہلی صورت میں اسے قریب جڑکھے مرکب جزیئر اور دوسری صورت میں دور برئی مرکب جزیئر کے دونوں اشکال دکھائے گئے دور برئی مرکب جزیئر کے دونوں اشکال دکھائے گئے ہیں۔ مرکب جزیئر کے دونوں اشکال دکھائے گئے ہیں۔

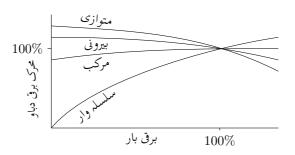
یک سمتی موٹر بھی اس طرح پکارے جاتے ہیں۔یعنی شکل 8.10 کی طرح بڑی دو موٹروں کو بیرونی بیجان موٹر اور خود بیجان متوازی بڑی موٹر کہیں گے۔موٹر میں قوی کیجھے کی برقی رو کی سمت جزیٹر کے برقی رو کی سمت کے اُلٹ ہوتی ہے۔

ہر طرح جڑی کی سمتی جزیٹر کی میدانی مقناطیسی دباہ اس کے میدانی کچھے کے چکر ضرب برتی رو کے برابر ہوتی ہے یعنی

شکل 8.10 میں خود بیجان متوازی جڑی جزیڑ کی میدانی کچھے میں برتی رو اس کچھے اور $R=R_m+R_m'$ اس کے ساتھ جڑی مزاحمت کے مجموعہ مزاحمت $R=R_m+R_m'$ پر منحصر ہو گی لینی $I_m=\frac{V}{R}$ کا۔

(8.12)
$$\tau_{m,m} = \frac{I_m V}{R_m + R'_m}$$

باب.8. یک ستی روشین



شکل 8.14: یک سمتی جزیٹر کی محرک برقی دباو بمقابلہ برقی بوجھ کے خطہ

سلسلہ وار جڑی جزیٹر میں میدانی برقی رو جزیٹر کے قوی کیچھے کی برقی رو کے برابر ہوتی ہے لہذا اس صورت میں اس مساوات کو یوں کھا جا سکتا ہے۔

$$\tau_{m,s} = N_m I_q$$

 N_{mm} میں مرکب جزیٹر میں میدانی مقناطیسی دباو کے دو جھے ہیں۔اس میں N_{mm} کیکر کے متوازی جڑے میدانی کچھے میں برقی رو N_{ms} اور N_{ms} کیکر کے سلسلہ وار جڑے میدانی کچھے میں برقی رو N_{ms} کے لہٰذا

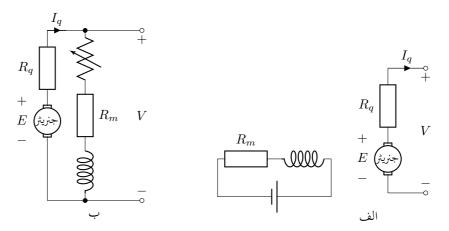
(8.14)
$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$

8.5 کیک سمتی مشین کی کار کر د گی کے خط

8.5.1 حاصل برقی د باوبالمقابل برقی بوجھ

مختلف طریقوں سے بُڑے یک سمتی جزیئروں سے حاصل برقی دباو بمقابلہ ان پر لدے برقی بوجھ کے خط شکل 8.14 میں دکھائے گئے۔گھومتی رفتار معین تصور کی گئی ہے۔دھرے پر لاگو بیرونی میکانی طاقت جزیئر کی قوت مروڑ کے خلاف اسے گھمائے گی۔

ان خط کو سیجھنے کی خاطر پہلے بیرونی بیجان جزیٹر پر غور کرتے ہیں جس کی مساوی برقی دور شکل 8.15-الف میں دی گئی ہے۔بیرونی بیجان جزیٹر پر برقی بوجھ لادنے سے اس کے



شکل 8.15 بیر ونی بیجان اور متوازی جڑی جزیٹر کی مساوی برقی دور۔

قوی کچھے کی مزاحمت R_q میں برقی رو I_q گزرنے سے اس میں برقی دباو کھٹی ہے۔ لہذا جزیئر سے حاصل برقی دباو V، جزیئر کی اندرونی محرک برقی دباو E_q سے قدرِ کم ہوتی ہے لیمی

$$(8.15) V = E_q - I_q R_q$$

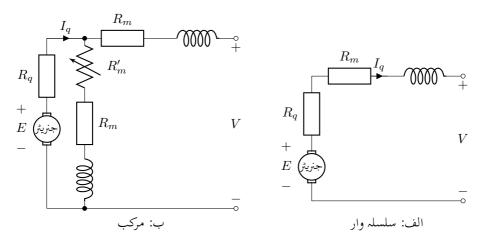
برقی بوجھ I_q بڑھانے سے جزیئر سے حاصل برقی دباو کم ہو گی۔ شکل میں بیرونی بیجان جزیئر کی خط ایبا ہی رجمان ظاہر کرتی ہے۔ حقیقت میں کچھ اور وجوہات بھی کار آمد ہوتے ہیں جن سے یہ خط سیدھی نہیں بلکہ جھکی ہوتی ہے۔

متوازی جڑی جزیر کے خط کا یہی رجمان ہے۔ متوازی جڑی جزیر پر بھی برتی ہوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مزاحمت میں برتی دباو گھٹی ہے ۔یوں اس کے میدانی کچھے پر لاگو برتی دباو کم ہو جاتی ہے جس سے میدانی کچھے میں برتی رو بھی گھٹی ہے۔ اس سے محرک برتی دباو مزید کم ہوتی ہے۔اس طرح ان جزیر سے حاصل برتی دباو بمقابلہ برتی ہوجھ کے خط کی ڈھلان بیرونی بیجان جزیر کی خط سے زیادہ ہوتی ہے۔

شکل 8.16 میں سلسلہ وار اور مرکب جزیٹر کی مساوی برقی داو دکھائے گئے ہیں۔سلسلہ وار جڑی جزیٹر کے میدانی کچھے میں لدے بوجھ کی برقی رو ہی گزرتی ہے۔اس طرح بوجھ وار جڑی

^{1&}lt;sup>13</sup> علامتRq کے زیر نوشت میں p لفظ توی کے پہلی حرف ق کو ظاہر کرتی ہے۔

باب. 8 یک ستی رومشین



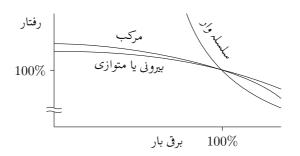
شکل8.16:سلسلہ واراور مرکب جزیٹر کے مساوی برقی دور۔

بڑھانے سے میدانی مقناطیسی دباو بھی بڑھتی ہے جس سے محرک برقی دباو بڑھتی ہے۔اس کا خط یہی دکھا رہا ہے۔اس طرح بُڑے جزیٹر عموماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حاصل برقی دباو، بوجھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتی ہے۔

مرکب بڑی جزیر کی کارکردگی سلسلہ وار اور متوازی بڑی جزیر وں کے مابین ہے۔مرکب جزیر میں بوجھ بڑھانے سے قوی کچھے کی وجہ سے حاصل برقی دباو میں کی کو میدانی کچھے کی بڑھتی مقناطیسی دباو پورا کرتی ہے۔ یوں مرکب جزیر سے حاصل برقی دباو اس پر لدے بوجھ کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتی ہے۔

بیرونی بیجان، متوازی اور مرکب جڑی جزیڑوں سے حاصل برقی دباو کو متوازی جڑی کچھے میں برقی رو کی مدد سے وسیع حد تک تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

قوی لچھا چونکہ برتی بوجھ کو درکار برقی رو فراہم کرتی ہے لہذا یہ موٹی موصل تار کی بن ہوتی ہے اور اس کے عموماً کم چکر ہوتے ہیں۔سلسلہ وار جزیئر کے میدانی لچھے سے چونکہ مشین کا بوری برتی رو ہی گزرتا ہے لہذا یہ بھی موٹی موصل تار کی بنی ہوتی ہے۔باقی آلوں میں میدانی لچھے میں بورے برقی بوجھ کے چند ہی فی صد برقی رو گزرتی ہے الہذا یہ باریک موصل تار کی بنائی جاتی ہے اور اس کے عموماً زیادہ چکر ہوتے ہیں۔



شکل 8.17: یک سمتی موٹر کی مکانی بو جھ بمقابلہ رفتار کے خط۔

8.5.2 رفتار بالمقابل قوت مروڑ

یہاں بھی شکل 8.15 اور شکل 8.16 سے رجوع کریں البتہ شکل میں برقی رو کی سمتیں اللہ کر دیں۔ یک سمتی موٹر بھی جزیڑوں کی طرح مختلف طریقوں سے بُڑے جاتے ہیں۔ موٹر کو معین بیرونی برقی دباو دی جاتی ہے جہاں سے یہ برقی رو حاصل کرتی ہے۔ برقی رو باہر سے توی کھے کی جانب چلتی ہے لہٰذا موٹر کے لئے لکھا جائے گا

(8.16)
$$V = E_q + I_q R_q$$

$$I = \frac{V - E_q}{R_q}$$

بیرونی بیجان اور متوازی جڑی موٹروں میں میدانی کیجے کو برقرار معین بیرونی برتی دباو فراہم کی جاتی ہے لہذا میدانی مقاطیتی بہاو پر میکانی بوجھ کا کوئی اثر نہیں۔بڑھتی میکانی بوجھ اٹھانے کی خاطر مساوات 8.8 کے تحت قوی کیجے کی مقاطیتی بہاو بڑھنی ہو گی۔یہ تب ممکن ہو گا کہ اس میں برتی رو بڑھے۔ مساوات سے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کیجے کی محرکی برتی دباو E_q مین مین ہو تی کیا کہ ایسا ممکن ہے۔ E_q موٹر کی رفتار کم ہوتی ہے۔ شکل 17 میٹر میرو جائے گی۔یوں میکانی بوجھ بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہوتی ہے۔ شکل 8.17 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

متوازی جڑی یا بیرونی بیجان موٹر تقریباً معین رفتار ہی برقرار رکھتی ہے۔اس کی رفتار بے بوجھ حالت سے پوری طرح بوجھ بردار حالت تک تقریباً صرف پانچ فی صد گھٹی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی لچھے کی برقی رو تبدیل کر کے تبدیل کی جاتی

باب.8. يك تى رومشىن

ہے۔ایبا میدانی کچھے کے ساتھ سلسلہ وار جڑی مزاصت کی تبدیلی سے کیا جاتا ہے۔ان کی رفتار یوں وسیع حدوں کے مابین تبدیل کرنا ممکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بیرونی برقی دباو تبدیل کر کے بھی رفتار قابو کی جا سکتی ہے۔ایبا عموماً قوی الکیٹرائکس کی مدد سے کیا جاتا ہے۔

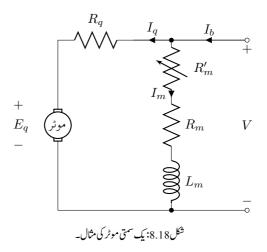
ان موٹر کی ساکن حال سے چالو کرتے لمحہ کی قوت مروڑ اور ان کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ قوی کچھے تک برقی رو پہنچانے کی صلاحیت پر منحصر ہے یعنی ہی میکانی سمت کار پر منحصر ہے۔

سلسلہ وار جڑی موٹر پر لدی میکانی بوجھ بڑھانے سے اس کے قوی اور میدانی کچھوں میں برقی رو بڑھے گی۔ میدانی معناطیسی بہاو بڑھے گی اور مساوات 8.16 کے تحت کم میں برقی رو بڑھے گی ہوئے ہے۔ بوجھ بڑھانے سے ان موٹر کی رفار کانی زیادہ کم ہوتے سے موٹر ان جگہوں بہتر ثابت ہوتے ہیں جہاں زیادہ قوت مروڑ درکار ہو۔ بڑھتی قوت مروڑ کے ساتھ ان کی رفار کم ہونے سے ان کو درکار برقی طاقت قوت مروڑ کے ساتھ ان کی رفار کم ہونے سے ان کو درکار برقی طاقت قوت مروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتا۔

یباں اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بوجھ سلسلہ وار جڑی موٹر کی رفتار خطرناک مد تک بڑھ سکتی ہے۔ایسے موٹر کو استعال کرتے وقت اس بات کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحہ بوجھ بردار رہے۔

ساکن حالت سے موٹر چالو کرتے وقت I_q کی قیمت زیادہ ہوتی ہے جس سے زیادہ متناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ یوں چالو کرتے وقت موٹر کی قوت مروڑ خاصی زیادہ ہوتی ہے۔ یہ ایک اچھی خوبی ہے جس سے بوجھ بردار ساکن موٹر کو چالو کرنا آسان ہوتا ہے۔

مرکب موٹروں میں ان دو قسموں کی موٹروں کے خصوصیات پائے جاتے ہیں۔جہاں بوجھ بردار موٹر چالو کرنا ضروری ہو لیکن رفتار میں سلسلہ وار موٹر جتنی تبدیلی منظور نہ ہو وہاں مرکب موٹر کارآمد ثابت ہوتے ہیں۔



مثال 8.2: ایک 75 کلو واٹ 415 وولٹ اور 1200 کپکر فی منٹ کی رفتار سے کپلے والے متوازی جڑی یک سمتی موٹر کے قوی کچھے کی مزاحمت 0.072 اوہم اور اس کی میدانی کچھے کی مزاحمت 83.2 اوہم ہے۔موٹر جس بوجھ سے لدا ہے اس پر موٹر 1123 کپکر فی منٹ کی رفتار سے چلتے ہوئے 112 ایمپیئر لے رہی ہے۔

- ميداني برقي رو اور توى لچھ كى برقي رو حاصل كريں۔
 - موٹر کی اندرونی پیدا کردہ برقی دباو حاصل کرس۔
- اگر میدانی کچھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے گر قوی کچھے کی برتی رو تبدیل نہ ہو تو موٹر کی رفتار حاصل کریں۔قالب کی سیراہیت کو نظرانداز کریں۔

حل:

وولٹ پر میدانی کچھے کی برتی رو $I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 \,\mathrm{A}$

 $I_q = I_b - I_m = 112 - 4.988 = 107.012\,\mathrm{A}$ ہو گی۔ یوں قوی کچھے کی برقی رو

باب. 8. یک ستی رومشین

وں کی سمتی موٹر کی اندرونی پیدا کروہ برقی وباو
$$E_q=V-I_qR_q=415-107.012 imes0.072=407.295\,
m V$$

-4

و اگر میدانی کچھے کی مزاحمت 100.2 اوہ مم کر دی جائے تب $I_m=rac{V}{R_m+R_m'}=rac{415}{100.2}=4.1417\,\mathrm{A}$

ہو گی ۔

• اگر قوی کیچے کی برقی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھی جائے تب

 $E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$

ہی رہے گی۔

• مساوات 8.4 کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کردہ برتی دباو تبدیل نہیں ہوئی گر مقناطیسی بہاو تبدیل ہوا ہے لہذا موٹر کی رفتار تبدیل ہو گی۔ان دو مقناطیسی بہاو اور رفتاروں پر اس مساوات کی نسبت

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$

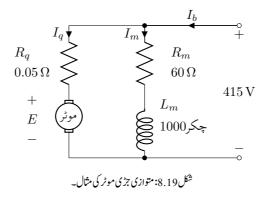
میں چونکہ $E_{q1}=E_{q2}$ لہذا $\omega_1\phi_{m1}=\omega_2\phi_{m2}$ لہذا $\omega_1\phi_{m1}=\omega_2\phi_{m2}$ لہذا $\omega_1\phi_{m2}=\omega_2\phi_{m2}$ لہذا $\omega_1\phi_{m2}=\omega_2\phi_{m2}$ بہاو میدانی دباو پر مخصر ہے جو از خود میدانی برقی رو پر مخصر ہے۔ لہذا اس آخری مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

جس سے نئی رفتار

$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{4.988}{4.1417} \times 1123 = 1352.47$$

چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں ہم دیکھتے ہیں کہ میدانی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفتار بڑھتی ہے۔

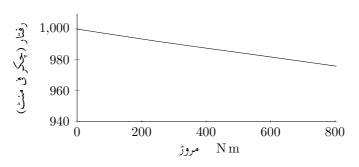


مثال 8.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ متوازی جڑی یک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی 60 اوہم ہے۔ بے بوجھ موٹر کی رفتار 1000 چکر فی منٹ ہے۔ بے میدانی کچھے کی 1000 چکر کی منٹ ہے۔ بے میدانی کچھا 1000 چکر کا ہے۔

- جب یہ موٹر ایمپیئر لے رہی ہو اس وقت اس کی رفتار معلوم کریں۔
 - 140 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین۔
 - 210 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین۔
 - اس موٹر کی رفتار بالقابل قوت مروڑ ترسیم کریں ۔

حل:

• شکل 8.19 میں یہ موٹر دکھائی گئی ہے۔متوازی میدانی کچھے کی برتی رو پر بوجھ لادنے سے کوئی فرق نہیں پڑتا۔لہذا میدانی مقناطیسی بہاو بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر میں



شكل8.20:ر فتار بالمقابل قوت مر وڑ ـ

 I_q کیساں ہے۔ بار کی سمتی موٹر کی قوی کچھے کی برقی رو I_q قابلِ نظر انداز ہوتی ہے۔ اس طرح مساوات 8.16 اور مساوات 8.10 سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \text{ V}$$

 $I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.916 \text{ A}$

یخی 415 وولٹ محرکی برقی دباو پر رفتار 1000 چکر فی منٹ یا 16.66 چکر فی سکنٹر $I_m = 6.916\,\mathrm{A}$ کے جبکہ ہوجھ پر بھی $I_m = 6.916\,\mathrm{A}$ ہی ہے جبکہ

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 \,\mathrm{A}$$

لبذا مساوات 8.16 سے اس صورت میں

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 8.10 سے رفار (چکر فی منٹ) یوں حاصل ہوتا ہے

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}} rpm_0 = \frac{411.8458}{415} \times 1000 = 991.95$$

$$_{-}$$
 $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.916 = 133.084 \,\mathrm{A}$$

$$E_q = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 \,\mathrm{V}$$

$$rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$$

 $_{-2}$ $I_b = 210 \, \mathrm{A}$ يہال •

$$I_q = I_b - I_m = 210 - 6.916 = 203.084 \,\text{A}$$

$$E_q = 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 \,\text{V}$$

$$rpm = \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83$$

• موٹر میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہیں۔ یوں اس کی میکانی طاقت اسے فراہم کی گئی برقی طاقت کے برابر ہو گی یعنی

$$(8.17) e_q I_q = T\omega$$

یوں پچھلے جزوے حاصل جوابات کی مدد سے بے بوجھ موٹر کی قوت مروڑ صفر ہو گئی لین $T_0=0\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$ گئی لین سے کہ ہو توت مروڑ کی قیت

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2 \times \pi \times 16.5325} = 250 \,\mathrm{N\,m}$$

ہو گی۔ یہاں 991.95 چکر نی منٹ کی رفتار کو 16.5325 ہرٹز ککھا گیا ہے۔ اس طرح

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = 527 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

یہ نتائج شکل 8.20 میں ترسیم کئے گئے ہیں۔

باب.8. يك ستى رومشين

فرہنگ

41 05	4 20
earth, 95	ampere-turn, 32
eddy current loss, 62	armature coil, 133, 255
eddy currents, 62, 128	axle, 163
electric field	carbon bush, 179
intensity, 10	cartesian system, 3
electrical rating, 59	charge, 9, 138
electromagnet, 132	circuit breaker, 180
electromotive force, 61, 139	•
emf, 139	coercivity, 44
enamel, 62	~ ~
energy, 42	high voltage, 56
Euler, 21	low voltage, 56
excitation, 61	primary, 55
excitation current, 51, 60, 61	secondary, 55
excitation voltage, 61	commutator, 167, 245
excited coil, 61	conductivity, 25
	conservative field, 110
Faraday's law, 37, 127	core, 55, 128
field coil, 133, 255	core loss, 62
flux, 29	core loss component, 64
Fourier series, 63, 143	Coulomb's law, 9
frequency, 132	cross product, 13
fundamental, 144	cross section, 8
fundamental component, 64	current
,	transformation, 66
generator	cylindrical coordinates, 5
ac, 162	dalta compacted 02
ground current, 95	delta connected, 93
ground wire, 95	design, 197
0	differentiation, 18
harmonic, 144	dot product, 16
harmonic components, 64	E,I, 62
marinomo componento, o i	-,-, 02

فرہنگ _____

parallel connected, 257	Henry, 38
permeability, 25	hunting, 180
relative, 26	hysteresis loop, 45
phase current, 95	
phase difference, 23	impedance transformation, 72
phase voltage, 95	in-phase, 70
phasor, 21	induced voltage, 37, 48, 61
pole	inductance, 38
non-salient, 141	
salient, 141	Joule, 42
power, 42	
power factor, 23	lagging, 22
lagging, 23	laminations, 31, 62, 128
leading, 23	leading, 22
power factor angle, 23	leakage inductance, 79
power-angle law, 190	leakage reactance, 79
primary	line current, 95
side, 55	line voltage, 95
	linear circuit, 228
rating, 97, 98	load, 99
rectifier, 167	Lorentz law, 138
relative permeability, 26	Lorenz equation, 104
relay, 103	
reluctance, 26	magnetic constant, 25
residual magnetic flux, 44	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 48, 166	intensity, 11, 32
rotor coli, 106	magnetic flux
rpm, 158	density, 32
	leakage, 79
saturation, 45	magnetizing current, 64
scalar, 1	mmf, 29
self excited, 255	model, 82, 209
self flux linkage, 41	mutual flux linkage, 41
self inductance, 41	mutual inductance, 41
separately excited, 255	
side	name plate, 98
secondary, 55	non-salient poles, 179
single phase, 23, 59	
slip, 211	Ohm's law, 26
slip rings, 178, 233	open circuit test, 87
star connected, 93	orthonormal, 3

فرہنگ _____

.5, ., .	statem seil 106 120
اب <i>ند</i> ائی جانب،55	stator coil, 106, 129 steady state, 177
جانب،53 لجھا،55	steady state, 177 step down transformer, 58
•	
ارتباط بهاو، 37	step up transformer, 58
اضافی زاویائی رفتار، 214	surface density, 11
زاویای ر فیار،214	synchronous, 132
اكائى سمتىيە، 2	synchronous inductance, 186
اماليه، 38	synchronous speed, 158, 178
امالى برقى دباؤ، 48،37،	т 1 20
او ہم میٹر،240	Tesla, 32
ایک، تین پتریال،62	theorem
ایک مرحله ،59	maximum power transfer, 231
ايمپيئر –ُ چکر ،32	Thevenin theorem, 228
. , •	three phase, 59, 93
ار،138	time period, 101, 144
بر قرارچالو، 177،101	torque, 168, 211
بر تی بار ،9،83	pull out, 180
برق براه،139،28 برقی د مائ	transformer
برن دباد،۱۵۶٬۵۵۰ تباد که،66،56	air core, 59
	communication, 59
محرک،139	ideal, 65
ميجاني،187	transient state, 177
يك سمتى،167	
برقی رو، 28	unit vector, 2
بھنور نما،128	
تبادله،66	VA, 75
پيجان انگيز، 51	vector, 2
برقي سکت،59	volt, 139
برقی میدان،10	volt-ampere, 75
شدت،27،10	voltage, 139
بش،179	DC, 167
بناوك،87	transformation, 66
بنیادی جزو، 144،64	III. 11. 40.
بوجھ،99	Watt, 42
بھٹی،116	Weber, 32
بھنور نما	winding
بر قی رو، 62	distributed, 142
ضياع،62	winding factor, 149
بھنور نمابر قی رو،128	
بے بوجھ،60	
پترى،31،128	

غربنگ_

جزيثر	پتريال، 62
بخر بیر بدلتی رو، 162 جوڑ تکونی، 93 ستارہ نما، 93	پورابو چم، 199
جوڑ	80 <u>, ڪخ</u>
تكوني، 93	پیش زاویه ،22
ستاره نما، 93	<u>.</u>
	تاخير ي زاويه، 22
چکر فی منٹ،128	تار کی بر قی د باو ٔ ۶۶
چوڻي، 213	تار کی برقی رو، 95
- •	تانيا،28
خطی 	نبوت. تبادله
برتی دور،228	بېرىت ر كاوك، 72
بو ن دورود 220 خو د ارتباط بهاد ، 41	
ورار بېط بېار ۲۰۰۰ خو د اماله ، 41	
ورا ه اله، 41	ندر بی سرن،۱۱۶ تعدد،132
داخلی ہیجان	
دا کا پیان سلسله وار ،257	تعقب،180 تنقد مد
منسکه واره ۱۲ ک متوازی 257	تفرق،18
	برو ي، 18
مرکب،257	قىل،19 مىلى،19
دور جڑی مر کب،257 پی	تكوني جوڙ، 93
دور شکن،180	توانائی،42
دوري عرصه،101،144	تين مر حله ،93،59
وهرا، 163	
	ٹرانسفار مری
ريتا	بر قی د باؤ،میٹر،59
الماليه، 79	بو جھي بر دار ، 69
متعامله،79	خلائی قالب،59
رستامتعامليت،219	د باؤبرِ ها تا، 58
ر فتار	د با وَ گھٹا تا،58
اضافی زاویا کی، 214	ذرائع ابلاغ، 59
روغن،62	رو،میٹر،59
رياضي نمونه،82،209	كامل، 65
ريلے،103	ٹىلا،32
	طِصْدْ ي تار، 95 مِصْدُ عَلَمْ عَلَمْ اللَّهِ عَلَمْ اللَّهِ عَلَمْ عَلَمْ اللَّهِ عَلَمْ اللَّهِ عَلَمْ اللَّهِ عَلَمْ اللَّهِ
زاويه جزوطاقت،23	•
ز می ن،95	ثانوی جانب،55
زميني برقى رو، 95	
زمینی تار،95	جاول،42
	<i>57.</i>
ساكن لچھا،106،129	پچيلاو، 149
ستاره نماجوڙ، 93	جزوطات، 23
سرك،211	پیژی، 23
سرك چيلے، 233،178	تا خير ي، 23
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	• • •

فرہنگ _____

قوت مر وڑ،211،168	سطى كلمل،183
انتہائی،180	سطى كانت، 11
قوى إلىكٹر انكس،245،209	سكة ،97،97
قوى <u>لح</u> ھے،255	سلسله وار، 147
•	سمت كار، 245 سمت كار، 245
كارِين بش،179	بر قياتي،167
کار گزاری، 203	ميكاني. 167
گپییٹر،196	سمتىيە، 2
كثافت	ي عمو دې اکا کې ، 3
برقی رو،27	سمتى ر فتار ، 104
كثافت مقناطيسى بهاو	- سیر ابت،45
بقايا،44	
کسر دور،38	ضرب صليبي، 13
a- , (ضرب نقطه، 16
گرم تار،95	* //
گھومتالچھا،106	طاقت،42
1	طاقت بالمقابل زاويه، 190
کچھا ب	طول موج،19
ابتدائی،55	عارضی صورت،177
تچيلے، 142	قار ک ورک ۱۲۸۰ عمودی تراش، 8
پیچدار،39	رو ن و. ن. رقبه،8
ثانوی،55	
زياده برقی دباؤ،56	غير معاصر،180
ساكن،106	
سمت،135	فور ئير ،254
قوی،133 کرفتر به میرو	فوريئر تسلسل، 143،63
هم بر قی د باؤ، 56	فی راۋے
گھومتا،106	قانون،37،127
ميداني،133	100 (#
. •	قالب، 128 تالم ناء 25
محد د کار تیسی، 3 نکل به	قالبی ضیاع،62 جزو،64
ەر ئىگى،5	برو، ۵4 قانون
ن،د محرک بر تی د باؤ، 61	ق نون اونهم ،26
ىر ك .رق د بارد د د د د د د د د د د د د د د د د د د	۱۹۰ _۲ عند این
فرورده مخلوط عد د ،194	ومب،9 لورین(138
ر حلی سمتیه، 188،21	توریر،۱۵۶۶ قدامت پیند میدان،110
ىر حلى فرق، 23 مرحلى فرق، 23	کداخت چیکر میدان ۱۱۵۰ قریب جڑی مرکب 257
سر 5,000 مر کب جزیٹر ،257	ریب بری مر نب ۲۵۱۰ قطب
تر عب برير ، ۱۶ در مز احمت ، 25	سعب ابھرے، 179،141
سرامت،23 مساوات لورینز،104	ابرے،17،141 ہموار،141،179
1040/200	1/3/141/15

فرہنگ ____

بيجان، 61 تھونن،228 بيروني، 255 ریادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی، خود، 255 مشتر كه ارتباط اماليه، 41 لچھا، 61 بیجان انگیز برقی دباو، 61 مر مشتر كه اماليه، 41 معاصر،132 برقی رو، 61 معاصر اماله، 186 بری روء 61 هیجان انگیز برقی روء 60 معاصر رفتار،178،158 ىيجانى برقى دُباؤ،187 کھلے دور ،87 یک سمتی رو مشین، 245 مقداری، 1 مقناطیس مقناطیس برقی،132 يك مرحله، 23 یک مرحله برقی دباؤ،95 یک مرحله برقی دو،95 یک مرحله برقی رو،95 چال كادائره،45 ة خاتم شدت،44 يولر مساوات ، 21 مقناطیسی برقی رو،64 مقناطیسی بہاو،29 رىتا،79 كثافت،32 مقناطيسى چال، 51 . مقناطیسی د باؤ،29 سمت،143 مقناطيسى قالب،55،31 مقناطيسي مستقل، 168،25 30.26.97. مقناطيسي ميدان شدت، 32،11 موژ،48،19 موثر قیمت،166 .. موسیقائی جزو،144،64 موصلیت،25 میدانی کچھے،255 واٹ،42 وولٹ،139 وولٹ-ایمپیئر،75 ويبر،32 ويبر- چكر،37 انچکچاہٹ،29،26 ہم قدم،70