# برقی آلات

خالد خان بوسفر کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو تی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

# عنوان

1X																															ديباچ
1																												ىقائق	ی -	بنياد	1
1																									اں	كائيا	ی ا	بنيادة		1.1	
1	٠				•	•				٠			•								•						ی	مقدا		1.2	
2																											. ^	سمتي		1.3	
3																			٠					ب	. مرت	خط	د، -	محد		1.4	
3											•							م	نظا	کا	ید	بحا	ی •	تيس	کار		1.	4.1			
4											•								(	نظاء	کا	ٔ ک	بحد	ئی •	نلك		1.	4.2			
7																										بہ	ہ رق	سمتي		1.5	
8																								ش	تران	ٍدی	عمو	رقبہ َ		1.6	
9																				ان.	ميد	سى	طيس	مقنا	اور .	ان	ميد	برقى		1.7	
9														ت	شد	ی '	، ک	دان	مي	زقى	رب	ن او	يدان	ں مب	برقي		1.	7.1			
11											دت	شا	کی	ان َ	ميدا	ی '	ليسا	نناط	مة	اور	۔ان	ميا	سى	اطيد	مقد		1.	7.2			

iv		عنوان
11	ا سطحی اور حجمی کثافت	1.8
11	1.8.1 سطحى كثافت	
12	حجمي کثافت	1.9
13	. 1 ضربِ صلیبی اور ضربِ نقطہ	. 10
13	1.10.1 ضرب صلیبی	
16	1.10.2 ضربٍ نقطہ	
18	. 1 تفرق اور جزوی تفرق	. 11
19	.1 خطی تکمل	.12
19	.1 سطحی تکمل	.13
21	. 1 مرحلی سمتیہ	. 14
25	طيسي ادوار	2 مقنا
25	2 مزاحمت اور بچکچابث	2.1
26	رُ کثافتِ برقی رو اور برقی میدان کی شدت	2.2
28	ئے برقی ادوار	2.3
29	2 مقناطیسی دور حصہ اول	2.4
31	رُ كَتَافَتِ مَقَناطيسى بهاو اور مَقَناطيسى ميدان كى شدت	2.5
34	ر مقناطیسی دور حصہ دوم	2.6
37	ک خود امالہ ، مشترکہ امالہ اور توانائی	2.7
43	ئہ مقناطیسی مادہ کے خصوصیات	2.8

عنوان

55																											ارمر	ٹرانسف	3
56																						ت	اہمی	کی	رمر	رانسفا	طر	3.1	
59													٠						•			ام	، اقسہ	کے	رمر	رانسفا	طر	3.2	
60																							ۇ .	دبا	زقى	مالى ب	١.	3.3	
62																		ياع	، ض	کزی	ر مر	و اور	قی ر	يز بر	انگي	بجان	et	3.4	
65														ت	ميار	سوص	خص	کے .	و آ	قى ا	لہ بر	تباد	ؤ اور	دباؤ	زقى	بادلہ ب	تب	3.5	
68																	ر	ب اث	جانہ	ئى ·	ابتدا	کا	وجه	ب ب	جانہ	انوی .	ثا	3.6	
69																ب	للب	کا مع	ں ک	فطو	پر ن	مت	علا	کی	رمر	رانسفا	<del>ل</del> ر	3.7	
70																							دلہ	ا تباد	، کا	كاوث	ر	3.8	
75																				ر .	,مپيئ	اي-اي	، وول	کے	رمر	رانسفا	طر	3.9	
77																ور	ے د	ساوي	ے مہ	کے	اس.	، اور	، امال	کے	رمر	رانسفا	<del>ل</del> ر	3.10	
77									نا	کر	ىدە	ىليح	ہ ء	عاما	مت	کی	س	ور ا.	ت ا	حمد	مزا	کی	چھے	ا	3	.10.	1		
78																						مالہ	ستا ا	ڕؚۥ	3	.10.2	2		
79														•	ت	ثراد	ے ا	ئز ك	مر ک	اور	، رو	برقى	انوى	ثا	3	.10.	3		
80														•		دباؤ	ی ۱	ي برة	مالي	کی ا	ے ا	لچھ	انوى	ثا	3	.10.	4		
81											ات	ِ اثر	کے	ملہ	تعاه	ر ما	، او	نمت	ىزا-	کی ،	ے ا	لچھ	انوى	ثا	3	.10.:	5		
81													^	نبادل	ب ت	نانب	، ج	انوي	یا ث	ائى.	ابتد	، کا	كاوط	ر	3	.10.	6		
84														ور	ر د	اوي	مس	رين	ده ت	ساه	کے	ارمر	إنسف	تثر	3	.10.	7		
85																		نہ	معائ	ور	سرِ ه	ر ک	ئنہ او	ِ معا	دور	کھلے	5	3.11	
85														•						ئنہ	معا	دور	کھلے	5	3	.11.	1		
88								٠												ئنہ	معاة	دور	کسرِ		3	.11.2	2		
92																						مر	سفار	ٹران	حلہ	بن مر-	تي	3.12	
100												گن،	کا ٔ			ر ق	5	رح.	ده .	١: ا	۰.	ت ا	. ک	حال	، هـ	انسفا	ط	3.13	

vi		نو ان

103	اور میکانی توانائی کا بایمی تبادلہ	برقى	4
104	مقناطیسی نظام میں قوت اور مروڑ	4.1	
109	تبادلہ توانائی والا ایک لچھے کا نظام	4.2	
114	توانائی اور کو-توانائی	4.3	
119	زیاده لچهوں کا مقناطیسی نظام	4.4	
127	مر مشین کر بنیادی اصول	گهومن	5
127	ے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	5.1	
128	معاصر مشين	5.2	
138	ر     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .     .	5.3	
142	پهيلر لچهر اور سائن نما مقناطيسي دباؤ	5.4	
143		3.1	
		5 5	
152	مقناطیسی دباؤ کی گھومتی موجیں	5.5	
152	5.5.1 ایک دور کی لپٹی مشین		
154	5.5.2 تین دور کی لپٹی مشین کا تحلیلی تجزیہ		
158	5.5.3 تین دور کی لپٹی مشین کا ترسیمی تجزیہ		
162	محرک برقی دباؤ	5.6	
162	5.6.1 بدلتی رو برقی جنریٹر		
167	5.6.2 يک سمتی رو برقمی جنريئٹر		
168	ېموار قطب مشينون مين مروژ	5.7	
168	5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی مروڑ کا حساب		
170	5.7.2 مقناطیسی بہاو سے میکانی مروژ کا حساب		

عنوان																																		
177																										شير	ر م	عاص	الو ما	ار چ	برقرا	ىال، ب	اں ۔	يكسا
178				•	٠	٠	•	•		٠	•			٠		•	•		•		٠			•		Ĺ	شير	ىر م	معاص	حلہ	. مر-	متعدد		6.1
181			•															٠									,	امال	کے	شين	ر منا	معاص		6.2
182		•											•															امالہ	خود	-	6	.2.1		
183									•			•														•	مالہ	کہ اہ	ىشتر	•	6	.2.2		
185									•			•														•	الہ	ر اما	بعاص	•	6	.2.3		
187																					زنہ	نمو	ښي	رياط	یا	دور	ی	ساو	کا م	شين	ر منا	معاص		6.3
189																												تقلي	ئى من	ت ک	طاقه	برقى '		6.4
194																		٠	,	ات	صي	صو	،	کمے	يين	مش	ىالو	ار چ	برقرا	عال،	ں -	يكساه		6.5
194											٠			ط	طوه	خ	کے	I	m	بل	مقا	. بال	ۣجه	) بو	برقبي	:,	نريث	ر ج	ىعاص	•	6	.5.1		
195			•		•				·	•		·	•	•				7	2>	ئے	<u> </u>	$I_m$	بل	مقا	بال	$I_a$	ڻر:	ر مو	ىعاص	•	6	.5.2		
197	•			•		•									•		•		•		•			•	~	عائن	ور •	رِ دو	ِ کس	ر اور	, دو	کھلے		6.6
197									·			·														مائنه	ر ما	. دو	کُھلے	-	6	.6.1		
198																										ئنہ	معا	دور	کسرِ	-	6	.6.2		

vii

6

209		، مشين	امالي	7
210	ن لچهوں کی گھومتی مقناطیسی موج	ساكر	7.1	
210	ن کی سرکنے اور گھومتی موجوں پر تبصرہ	مشير	7.2	
213	ن لچهوں میں امالی برقی دباؤ	ساكر	7.3	
213	ن لچھوں کی موج کا گھومتے لچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباؤ	ساكر	7.4	
217	متے لچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج	گهو.	7.5	
218	متے لچھوں کے مساوی فرضی ساکن لچھے	گهو.	7.6	
219	، موٹر کا مساوی برقی دور	امالي	7.7	
224	وی برقی دور پر غور	مساو	7.8	
228	، موٹر کا مساوی تھونن دور یا ریاضی نمونہ	امالي	7.9	
234	ا نما امالی موثر	7 پنجر	7.10	
235	بوجھ موٹر اور جامد موٹر کرے معائنہ	7 بے ب	7.11	
235	7.1 ہے بوجھ موٹر کا معائنہ	1.1		
237	7.1 جامد موٹر کا معائنہ	1.2		
243	ِ مشين	سمتی رو	یک	8
243	انی سمت کار کی بنیادی کارکردگی	ميكا	8.1	
245	.8 میکانی سمت کار کی تفصیل	1.1		
249	ﺳﻤﺘﻰ ﺟﻨﺮﯾﭩﺮ ﮐﻲ ﺑﺮﻗﻰ ﺩﺑﺎﯗ	یک	8.2	
251		مروڑ	8.3	
253	ی بیجان اور خود بیجان یک سمتی جنریثر	بيروني	8.4	
257	سمتی مشین کی کارکردگی کر خط	یک	8.5	
257	.8 حاصل برقى دباؤ بالمقابل برقى بوجه	5.1		
259	.8 رفتار بالمقابل مروژ	5.2		
267			گ	فرېنً

## ديباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائے ہے۔ دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ حاصل کر سکتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے اگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ حاصل کرنا تو ایک طرف، اگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں ورکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایبا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں کی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں ہے کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں کھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال سکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ سکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا قوامی نظامِ اکائی استعال کی گئے۔اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیئرنگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نظاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس كتاب ميں تمام غلطياں مجھ سے ہى ولى بيں البتہ اسے درست بنانے ميں بہت لوگوں كا ہاتھ ہے۔ ميں ان سب كا شكريہ اداكرتا ہوں۔ يہ سلسلہ ابھى جارى ہے اور كمل ہونے پر ان حضرات كے تاثرات يہاں شامل كئے جائيں گے۔

میں یہاں کامسیٹ یونیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفر کی

28 اكتوبر 2011

### باب 1

# بنيادي حقائق

اس کتاب میں جگہ جگہ مختلف حقائق آئیں گے جنہیں اس باب میں اکٹھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔یہ توقع کی حاتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توجہ رکھنا زبادہ آسان ہو گا۔

#### 1.1 بنیادی اکائیاں

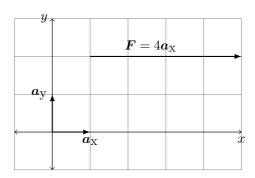
اس كتاب مين بين الاقوامي نظام اكائي استعال كيا جائے گا۔ اس نظام ميں كميت كى اكائي كلوگوام، لمبائي كى اكائي میٹر اور وقت کی اکائی سیکنڈ ہے۔

### 1.2 مقدارى

وہ متغیرہ جس کی مقدار معین ہو اسے مقدادی 3 کہتے ہیں۔ اس کتاب میں مقداری متغیرہ کو سادہ طرز کی لکھائی میں انگریزی یا لاطینی زبان کے حصولے حروف لیعنی  $a,b,lpha,\cdots$  یا بڑے حروف لیعنی  $A,B,\Psi,\cdots$  نظام کیا حائے گا، مثلاً برقی رو کو i یا I سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

International System Of Units, SI<sup>1</sup>

2 بنيادي حقائق



شكل 1.1: كارتيسي محدد

#### 1.3 سمتہ

وہ خط جس کا طول اور سمت معین ہو، اسے سمتیہ کہتے ہیں۔ سمتیہ کو انگریزی یا لاطیٰی زبان کے جھوٹے یا بڑے حرف، جن کو موٹے طرز کی کھائی میں لکھا گیا ہو، سے ظاہر کیا جائے گا، مثلاً قوت کو F سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً قوت کو F سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً شکل 1.1 سے رجوع کرنا بہتر ہے۔ ایک ایسا سمتیہ جس کا طول ایک کے برابر ہو، کو اکائی سمتیہ کا گا۔ یہاں شکل 1.1 کی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے طرز کی لکھائی میں لکھا جائے گا، مثلاً اکائی سمتیہ کا مثلاً اکائی سمتیہ فلاء کی تمین عمودی سمتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔ F کھتے ہوئے، زیر نوشت میں کہ اس بات کی نشاندہ کی حرت ہو تو اس کے میں اور اس کی سمت کو ظاہر کرتے ہیں۔ اگر کسی سمتیہ کا طول اور اس کی سمت کو علیحدہ علیحدہ لکھنا ہو تو اس کے طول کو ظاہر کرنے کے لئے سادہ طرز کی لکھائی میں وہی حرف استعال کیا جائے گا جو اس سمتیہ کو ظاہر کرنے کے برابر ہے۔ اگر کسی سمتیہ کی سمت میں ایک اکائی سمتیہ بنایا جائے تو بیہ اکائی سمتیہ کا طول کو F سے ظاہر کیا جائے تو بیہ اکائی سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ اگر کسی سمتیہ کی سمت میں ایک اکائی سمتیہ بنایا جائے تو بیہ اکائی سمتیہ کو انگریزی کے پہلے حرف، جس کو سمت میں لکھائی میں لکھائی میں لکھا گیا ہو سے ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے اکائی سمتیہ کو انگریزی کے پہلے حرف، جس کو موٹے طرز کی لکھائی میں لکھا گیا ہو سے ظاہر کیا جائے گا یعنی سمتیہ F کی سمت کو ظاہر کر رہا ہے۔ شکل میں بو کلہ میں جو کلہ موٹے کہ یہ اکائی سمتیہ F کی سمت کو ظاہر کر رہا ہے۔ شکل میں چو کلہ ورت F کا رخ دائیں جانب ہے لہذا F اور F برابر ہیں۔

vector<sup>4</sup> unit vector<sup>5</sup> 1.4. محدد، خط مرتب

#### 1.4 محدد، خط مرتب

ایک ایبا طریقہ جس کے ذریعہ کسی نقطہ کا مقام متعین کیا جا سکے کو خط مرتب یا محدد کہتے ہیں۔

خلاء تین طرفہ 6 ہے۔ للذااس میں کسی ایک نقطہ کے مقام کو تین محدد کی مدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ مزید سے کلاء میں کسی سمتیہ کو تین عمودی اکائی سمتیوں کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔اب ہم ایسے چند محدد کے نظام دیکھتے ہیں۔

#### 1.4.1 كارتيسي محدد كا نظام

شکل 1.1 میں خلاء کی دو سمتیں اکائی سمتیہ  $a_{\rm x}$  اور  $a_{\rm y}$  سے ظاہر کی گئی ہیں۔یہ دونوں آپس میں عمودی ہیں بینی ان کا آپس میں  $90^{\circ}$  کا آپس میں  $90^{\circ}$  کا زاویہ ہے۔خلاء تین طرفہ ہے لہذا اسے تین عمودی اکائی سمتیات سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان سمتوں کی جانب، طول کو x,y,z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ ان سے بخوبی واقف ہیں۔

اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو  $a_x$  کی جانب رکھ کر انہیں  $a_y$  کی جانب موڑا جائے تو اس ہاتھ کا انگوٹھا  $a_z$  کی سمت کو ظاہر کرے گا۔لہذا، خلاء کا بیہ تین اکائی سمتوں والا نظام ایک دائیں ہاتھ کا نظام  $^*$  ہے۔

شکل 1.2 میں ایک سمتیہ A، مرکز سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔اس سمتیہ کو ہم کارتیسی محدد $^{0}$  میں تین سمتہ سے یوں ظاہر کر سکتے ہیں۔

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

يا

$$(1.2) A = xa_{\mathbf{X}} + ya_{\mathbf{Y}} + za_{\mathbf{Z}}$$

کار تیسی محدد کے نظام میں اگر ہم متغیرہ z کو صفر رکھیں اور x,y کو تبدیل کریں تو ہمیں سطح x-y ملتی ہے۔ اس طرح اگر شکل 1.2 میں نقطہ P(2,4,3) ہو اور x-y سطح کو زمین سمجھا جائے تو شکل میں ڈبہ کے بالائی

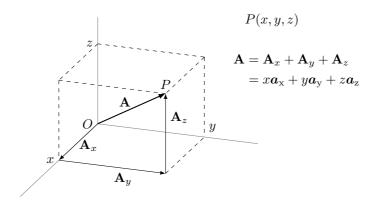
three dimensional<sup>6</sup>

orthonormal vectors

right handed coordinate system<sup>8</sup>

cartesian coordinates<sup>9</sup>

ه بنیادی حقائق



شكل 1.2: كارتيسي محدد نظام مين ايك سمتيه

سطے پر z کی مقدار معین ہے لینی z=3 جبکہ x صفر سے تین کے در میان تبدیل اور y صفر سے چار کے در میان تبدیل ہوتا ہے۔ یعنی اس ڈبہ کے بالائی سطح کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

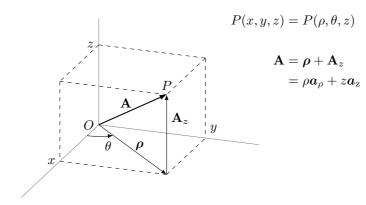
ای طرح اگر z کو صفر اور تین کے در میان ہر ممکن قیت پر رکھ کر x اور y کو اسی طرح ان حدول کے در میان تبدیل کیا جائے تو ہمیں اس ڈب کا پورا حجم حاصل ہو گا۔ لہذا اس ڈب کے حجم کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

#### 1.4.2 نلكى محدد كا نظام

شکل 1.3 میں ایک سمتیہ A مرکز سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔ اس سمتیہ کو شکل میں دو سمتیوں کی مدد سے ظاہر کیا گیا ہے۔ لیغنی

$$(1.5) A = \rho + A_z$$

1.4. محدد، خط مرتب



شكل 1.3: نلكى محدد نظام

یا

$$(1.6) A = \rho a_{\rho} + z a_{\mathbf{Z}}$$

سمتیہ  $a_{
ho}$  کے سام ہے کہ x-y کی سے ظاہر ہے کہ سمتیہ

$$(1.7) x = \rho \cos \theta$$

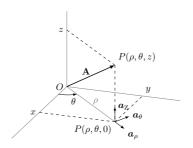
$$(1.8) y = \rho \sin \theta$$

لہذا ہم نقطہ P(x,y,z) کو متغیرہ x,y,z کی جگہ متغیرہ ورم  $\rho,\theta,z$  کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں P(x,y,z) لہذا ہم خلاء میں کسی بھی نقطہ کو اس کے تین متغیرہ  $\rho,\theta,z$  سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

وہ نظام جس میں متغیرہ  $\rho, \theta, z$  کی نقطہ کو متعین کرنے کے لئے استعال ہوں کو نلکی محدد  $\rho, \theta, z$  ہیں۔ یہاں شکل 1.4 سے رجوع کریں۔ اس نظام کے تین عمودی اکائی سمتیہ  $a_{\rho}, a_{\theta}, a_{\sigma}, a_{\sigma}$  ہیں۔ یہ نظام کے تین عمودی اکائی سمتیہ  $a_{\rho}, a_{\theta}, a_{\sigma}$  کی جانب رکھ کر انہیں  $a_{\rho}$  کی جانب موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا  $a_{\sigma}$  کی سمت میں ہوگا۔ یہ تین عمودی اکائی سمتیہ کی تفصیل یوں ہے۔

 $a_{
ho}$  میں مرکز پر، محدد x سے زاویہ  $\theta$  کی جانب اگر اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ ہو گی۔ اگر اسی سطح x-y پر اکائی سمتیہ  $a_{
ho}$  کی عمود کی سمت میں مرکز پر، زاویہ  $\theta$  بڑھانے والے سمت میں، ایک اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ  $a_{
ho}$  ہو گی۔ اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ  $a_{
ho}$  ہو گی۔ اکائی سمتیہ جا جو کار تیسی محدد نظام میں تھی۔

6 باب 1. بنیادی حقائق



شكل 1.4: نلكى نما محدد كى تعريف

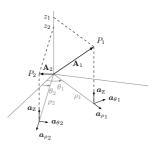
یہاں یہ واضح رہے کہ اس نکلی محدد کے نظام میں  $a_
ho$  اور  $a_ heta$  کی سمتیں ہر نقطہ پر مختلف ہیں جبیبا کہ شکل 1.5 میں دکھایا گیا ہے۔

(1.9) 
$$\mathbf{v} = \begin{cases}
\rho = \rho_0 \\
0 < \theta < 2\pi \\
z = 0
\end{cases}$$

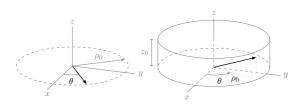
(1.10) 
$$\vec{\mathcal{W}} = \left\{ \begin{array}{l} \rho = \rho_0 \\ 0 < \theta < 2\pi \\ 0 < z < z_0 \end{array} \right.$$

cylindrical coordinates<sup>10</sup>

1.5. سمتيہ رقبہ



شکل 1.5: نلکی محدد میں اکائی سمتیہ  $oldsymbol{a}_{
ho}$  اور  $oldsymbol{a}_{ heta}$  بر مختلف ہیں۔



شكل 1.6: نلكي محدد مين دائره اور نلكي

### 1.5 سمتيه رقبه

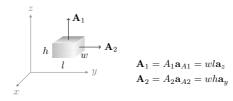
شکل 1.7 کو میر نظر رکھیں۔ کسی سطح سے اگر اس کے عمود کی جانب ایک فرضی لکیر کھینجی جائے تو اس لکیر پر اکائی سمت سمتیہ اس سطح کی سمت کو ظاہر کرتی ہے۔ چو نکہ کسی بھی سطح، مثلاً اس کتاب کا ایک صفحہ، کے دو اطراف ہوتے ہیں للذا اس کے دو، آپس میں اُلٹ، سمتیں بیان کی جا سکتی ہیں۔ عموماً مسئلہ کو میر نظر رکھتے ہوئے ان میں سے ایک سمت لیا جاتا ہے۔ البتہ اگر میہ سطح ہو، مثلاً گیند کی شکل کا ہو، تب باہر جانب کو ہی اس سطح کی سمت لیا جاتا ہے۔ البتہ اگر میہ کا رقبہ  $A_1$  کا رقبہ  $A_2$  ہو اور اس کی سمت  $a_2$  ہے۔ لہذا  $a_3$  سمتیہ کا طول  $a_4$  ہو اور اس کی سمت میں گوپر کی سطح  $a_4$  بینی

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_{Z}$$

للذا

$$(1.12) A_1 = A_1 \boldsymbol{a_{A1}} = wl\boldsymbol{a_{Z}}$$

8 باب 1. بنیادی حقائق



شكل 1.7: سمتيه رقبه كا تعارف

ای طرح دائیں جانب سطح  $A_2$  سمتیہ کا طول  $A_2$  ہے اور اس کی سمت  $A_2$  ہے۔ لینی  $A_2=wh$   $a_{A2}=a_{
m V}$ 

للذا

(1.13) 
$$A_2 = A_2 a_{A1} = wha_y$$

یوں نیچے کی سطح کا رقبہ  $A_3=wl$  ہے اور اس کی سمت خلاء کی اکائی سمتیہ  $oldsymbol{a}_{oldsymbol{Z}}$  کا رقبہ

 $\mathbf{A_3} = A_3 \mathbf{a_{A3}} = wl(-\mathbf{a_z}) = -wl\mathbf{a_z}$ 

یہاں دھیان کریں کہ رقبہ ہر صورت میں مثبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتی کا طول ہر صورت میں مثبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔

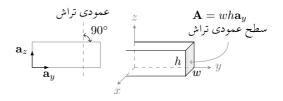
1.6 رقبہ عمودی تراش

زاویہ قائمہ بناتے ہوئے لمبائی میں کسی چیز کی کٹائی کو عمودی تراش 11 کہتے ہیں۔

شکل 1.8 میں ایک سلاخ دکھائی گئی ہے۔ اس کو اکائی سمتیہ  $a_{\rm V}$  کی سمت میں لٹایا گیا ہے۔ اگر ہم تصور میں اس سلاخ کو لمبائی کی عمودی ست میں کاٹیں تو اس کا جو سرا بنے گا اس سطح کے رقبہ کو رقبہ عمودی تواش  $^{12}$  کہتے ہیں۔ شکل میں دکھایا گیا رقبہ عمودی تراش A کی مقدار A ہے جہاں

$$(1.15) A = wh$$

cross section<sup>11</sup> cross sectional area<sup>12</sup>



شكل 1.8: رقبه عمودي تراش

مسکلہ کو دیکھتے ہوئے اس رقبہ عمودی تراش کی سمت کا تعین کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس کی سمت مطلع خلاء کے اکائی سمتیہ  $a_{A}$  مسکتب کے لندا

$$a_A = a_V$$

شکل میں بائیں جانب سلاخ کے نچلے کونے پر اکائی سمتیہ  $a_y$  اور  $a_z$  و کھائے گئے ہیں۔ان سمتیوں کے ابتدائی نقطہ پر گول دائرہ میں ایک نقطہ و کھایا گیا ہے۔ گول دائرہ میں بند نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر کتاب کی باہر جانب سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں یہ سمتیہ  $a_x$  کی سمت دکھلا رہا ہے۔اس کی اُلٹ سمت لیعنی صفحہ کی عمودی اندر کی جانب کو گول دائرہ میں بند صلیب کے نثان سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

#### 1.7 برقی میدان اور مقناطیسی میدان

#### 1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت

کولمب کمے قانون 13 کے تحت بوقی بار 14 سے لدے جسموں کے درمیان قوت کشش 15 یا قوت دفع 16 ان اجسام پر بار<sup>17</sup> کی مقدار کے حاصل ضرب کے راست متناسب اور باہمی فاصلہ کے مربع کے بالعکس متناسب ہوتی ہے۔ اس قانون کو مساوات کی شکل میں یول لکھا جاتا ہے۔

(1.17) 
$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

Coulomb's law<sup>13</sup>

electric charge<sup>14</sup>

attractive force15

repulsive force16

charge<sup>17</sup>

10 باب 1. بنیادی حقائق

اگرایک برقی بارکسی جگہ موجود ہو اور دوسرا برقی بار اس کے قریب لایا جائے تو دوسرے برقی بار پر کشش یا دفع کی قوت عمل کرے گی جس کا تعین کولب کے قانون سے ہوتا ہے۔ اگر دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بار سے آہستہ آہستہ دُور لے جائیں تو قوت کشش یا دفع کم ہوتی جاتی ہے۔ ایک خاص فاصلے کے بعد بیہ قوت عملی طور پر صفر ہو جاتی ہے ایک خاص فاصلے کے بعد بیہ قوت عملی طور پر صفر ہو جاتی ہے اور دوسرا بار پہلے بار کے حلقہ اثر سے باہر ہو جاتا ہے۔ اس حلقہ کے اندر واقع جگہ کو برقی میدان کہا جاتا ہے۔ برقی میدان کی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے۔ لہذا برقی میدان کی قعریف یوں کی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے۔ لہذا برقی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔

کسی بار کے برقی میدان سے مراد بار کے ارد گرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا برقی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

بوقی میدان کی شدت  $E^{18}$  کی مقدار اور اس کی ست کسی مقام پر معلوم کرنے کا طریقہ یہ ہے کہ ایک مثبت اکائی بار کو اگر کسی بار Q کے برتی میدان میں رکھا جائے تو جس سمت میں وہ مثبت اکائی بار حرکت کرے یا حرکت کرنے کے لئے مائل ہو، وہی برقی میدان کی شدت کی سمت ہو گی اور جو قوت اس پر اثر انداز ہو وہ برقی میدان کی شدت ہو گی۔ برقی میدان کی شدت ہو گی۔ برتی میدان کی شدت ہو گی۔ برتی میدان کی شدت ہو گی۔ برتی میدان کی شدت کی اکائی وولٹ فی میٹر C

کولمب کے قانون لیمنی مساوات 1.17 کی مدد سے ایک بار Q کی برقی میدان کی شدت کی مقدار یوں حاصل کی حاسکتی ہے۔بار Q اور اکائی بار لیمنی ایک کولمب بار کے در میان قوتِ کشش یا قوتِ دفع

$$(1.18) F = \frac{Q \times 1}{4\pi\epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شدت کی مقدار ہے یعنی

$$(1.19) E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

اگر دو باروں کے در میان سید هی لکیر تھینچی جائے تو ان کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کی سمت اس لکیر کی سمت میں ہو گی۔

electric field intensity  $^{18}$  V/m $^{19}$ 

1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت

مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت 20 بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طرح ہوتی ہے۔ ہے۔

مقناطیسی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔ کسی مقناطیس کے مقناطیسی میدان سے مراد مقناطیس کے اِرد گرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا مقناطیسی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

#### 1.8 سطحي اور حجمي كثافت

#### 1.8.1 سطحي كثافت

اکائی رقبہ کی سطح پر کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی مسطحی کٹافت  $^{12}$  کہتے ہیں۔ مثال کے طور پر اگر رقبہ A پر کسی متغیرہ کی کل مقدار  $\phi$  ہو تب اس متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت  $_{\text{lend}}$  سے ہوگی

$$(1.20) B_{b \to a} = \frac{\phi}{A}$$

اس مساوات کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے

$$\phi = B_{\text{lead}} A$$

ینی اگر ہمیں کسی سطح پر ایک متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہو تب ہم اس سطح پر اس متغیرہ کی کل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

اگر سطح پر متغیرہ ہر جگہ یکسال نہ ہو تب اس سطح پر سطحی کثافت جگہ جگہ تبدیل ہو گی۔ اس صورت میں اگر اتنا چھوٹار قبہ لیا جائے کہ اس پر متغیرہ یکسال تصور کیا جا سکے تب اس نقطہ پر سطحی کثافت یوں حاصل ہو گی

$$(1.22) B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

magnetic field intensity<sup>20</sup> surface density<sup>21</sup>

11 ببيادي حقائق

جہال  $\Delta A$  یہ چھوٹا رقبہ اور  $\Delta \phi$  اس رقبے پر متغیرہ کی چھوٹی سی مقدار ہے۔ اگر یہ رقبہ ایک نقطہ کی مانند کر دیا جائے تب اس مساوات کو یوں لکھا جائے گا۔

$$(1.23) B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

اس مساوات کو ہم یوں بھی بیان کر سکتے ہیں

$$d\phi = B \, dA$$

لیعنی اگر ہمیں کسی نقطہ پر ایک متغیرہ کی سطحی کثافت معلوم ہو تب اس نقطہ کے چھوٹے سے رقبہ پر ہم اس متغیرہ کی کل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

ای طرح اگر ایک برتی تارکا رقبه عمودی تراش A ہو اور اس میں برتی رو I گزر رہی ہو تو اس تار میں اوسط کثافت برتی رو

$$\rho_{\text{bod}} = \frac{I}{A}$$

ہو گی۔

## 1.9 حجمي كثافت

اکائی حجم میں کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی حجمی کثافت کہتے ہیں۔ یہاں ہم کمیت کی مثال لیتے ہیں۔ اگر کسی چیز کا حجم کی اور اس کی کمیت m ہو تب اس کی اوسط حجمی کثافت ہے ہو گی۔

$$\rho_{\text{lead}} = \frac{m}{V}$$

اسی طرح اگراس چیز کی کمیت اس کے جم میں جگہ جگہ مختف ہو تب اس کی ایک نقطہ کی حجمی کثافت معلوم کرنے کے لئے اس کا اتنا چھوٹا حصہ لیا جاتا ہے کہ اس جھوٹے حصہ میں اس کی کمیت کو ہر جگہ کیساں تصور کیا جا سکے تب اس چھوٹے حصے کی حجمی کثافت ہے ہو گی۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta V}$$

اب اگراس چھوٹے ھے کو ایک نقطہ مانند کر دیا جائے تب ہم لکھ سکتے ہیں کہ

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}V}$$

اور

$$dm = \rho \, dV$$

یعنی اگر ہمیں ایک نقطہ کی محجمی کثافت معلوم ہو تب ہم ایک نہایت چھوٹے مجم کی کمیت اس مساوات کی مدد سے حاصل کر سکتے ہیں۔

1.10 ضرب صليبي اور ضرب نقطه

دو مقداری متغیرات کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہی ہوتی ہے جبکہ دو سمتیہ متغیرات کا حاصلِ ضرب سمتیہ متغیرہ یا مقداری متغیرہ ہو سکتی ہے۔ان دو اقسام کے ضرب پر یہال غور کیا جائے گا۔

1.10.1 ضرب صليبي

ایی دو سمتیه متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب سمتیه متغیره ہو کو ضوبِ صلیبی 22 کہتے ہیں اور اسے یول لکھا جاتا ہے۔

$$(1.30) C = A \times B$$

ضربِ صلیبی میں ضرب کے نشان کو صلیب کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ای سے اس کا نام ضربِ صلیبی لیا گیا ہے۔

حاصل ضرب سمتیہ *C* کی مقدار

(1.31) 
$$C = |\mathbf{C}| = |\mathbf{A}||\mathbf{B}|\sin\theta_{AB}$$
$$= AB\sin\theta_{AB}$$

cross product22

14 ببيادى حقائق

ہے جہال  $\theta_{AB}$  ان کے مابین زاویہ ہے۔اس حاصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے یوں حاصل کی جاتی ہے۔

اگر آپ دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو سمتیہ A کی سمت میں رکھ کر B سمتیہ کی سمت موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا C سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرے گا۔

## مثال 1.1: مندرجه ذیل ضرب صلیبی حاصل کریں۔

- $a_{\mathrm{X}} \times a_{\mathrm{y}} \quad a_{\mathrm{y}} \times a_{\mathrm{z}} \quad a_{\mathrm{z}} \times a_{\mathrm{x}} \quad a_{\mathrm{x}} \times a_{\mathrm{z}}$
- $oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{
  ho} imes oldsymbol{a}_{ heta} = oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{
  ho} oldsymbol{\bullet}$

حل: اس مثال میں سب سمتیہ اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔ المذا

- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{V}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \bullet$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} = (1)(1)\sin 90 \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \bullet$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$
- اس مثال میں چونکہ دونوں سمتیہ ایک ہی جانب ہیں للذا ان کے مابین زاویہ صفر ہے۔ صفر زاویہ کا سائن صفر ہی ہوتا ہے لیعنی  $\sin 0 = 0$  للذا ان دو سمتیہ کا ضربِ صلیبی صفر ہو گا $a_y \times a_y = (1)(1)\sin 0 = 0$

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathsf{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathsf{Z}} \bullet$$

$$\mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \times \mathbf{a}_{\rho} = (1)(1)\sin 90\mathbf{a}_{\theta} = \mathbf{a}_{\theta} \bullet$$

مثال 1.2: شکل 1.9 میں چار نیوٹن کی قوت F محور سے تین میٹر کی سمتیہ فاصلہ L پر لاگو ہے۔اس شکل میں اس کی تفصیل دی گئی ہے۔اس قوت کی مروڑ حاصل کریں۔ حل: مروڑ T کی تعریف ہے ہے

$$(1.32) T = L \times F$$

کار تیسی نظام میں اس سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(1.33) L = L\sin\theta a_{X} - L\cos\theta a_{Y}$$

للذا

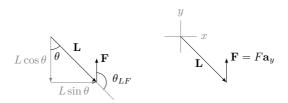
$$T = (L\sin\theta \mathbf{a}_{X} - L\cos\theta \mathbf{a}_{y}) \times F\mathbf{a}_{y}$$
$$= L\sin\theta \mathbf{a}_{X} \times F\mathbf{a}_{y} - L\cos\theta \mathbf{a}_{y} \times F\mathbf{a}_{y}$$
$$= LF\sin\theta \mathbf{a}_{z}$$

يبال پيچيلى مثال كى مدو سے 
$$a_{
m x} imes a_{
m y} = 0$$
 اور  $a_{
m y} imes a_{
m y} imes a_{
m z}$  يبال پيچيلى مثال كى مدو سے  $a_{
m x} imes a_{
m z} = a_{
m z}$  يبال بيجيلى مثال كى مدو سے  $a_{
m x} imes a_{
m z} = 12 \sin heta a_{
m z}$  N m

ہوتا  $\sin \alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$  کے لئے  $\alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$  ہوتا ہے۔ چونکہ کسی بھی زاویہ  $\alpha = \sin(180^\circ - \alpha)$  ہوتا ہے۔ ہانذا اس مروڑ کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

$$T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$
$$= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$

یمی جواب ضربِ صلیبی کی تعریف یعنی مساوات 1.31 اور دائیں ہاتھ کے قانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔ اب 1. بنیادی حقائق اب 1. بنیادی حقائق



شكل 1.9: كارتيسى نظام ميں مروڑ كا حل

1.10.2 ضربِ نقطہ

الی دو سمتیه متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب مقداری متغیره ہو کو ضوبِ نقطہ <sup>23</sup> کہتے ہیں اور اسے یوں لکھا جاتا ہے۔

$$(1.34) C = A \cdot B$$

ضربِ نقطہ میں ضرب کے نشان کو نقطہ کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔اسی سے اس کا نام ضربِ نقطہ لیا گیا ہے۔

ضربِ نقطہ میں حاصلِ ضرب مقداری کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے

(1.35) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{C} &= \boldsymbol{A} \cdot \boldsymbol{B} \\ &= |\boldsymbol{A}| |\boldsymbol{B}| \cos \theta_{AB} \\ &= AB \cos \theta_{AB} \end{aligned}$$

جہال  $heta_{AB}$  ان دو کے مابین زاویہ ہے۔

مثال 1.3: مندرجه ذيل ضرب نقطه حاصل كرين

- $a_{\mathrm{X}} \cdot a_{\mathrm{X}} a_{\mathrm{y}} \cdot a_{\mathrm{y}} a_{\mathrm{z}} \cdot a_{\mathrm{z}} \bullet$
- $oldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \cdot oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \quad oldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \cdot oldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \quad oldsymbol{a}_{
  ho} \cdot oldsymbol{a}_{
  ho} \quad oldsymbol{a}_{
  ho} \cdot oldsymbol{a}_{ heta} \quad oldsymbol{\bullet}$

dot product<sup>23</sup>

# حل:اس مثال میں سب اکائی سمتیہ ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔

$$a_{x} \cdot a_{x} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{y} \cdot a_{y} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_z \cdot a_z = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$a_{\rm Y} \cdot a_{\rm Z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$a_{\rho} \cdot a_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{\rho} \cdot a_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

مثال 1.4: شکل 1.10 میں قوت F ایک بوجھ کو دھلیل رہی ہے۔ سمتیہ فاصلہ L طے کرنے پر قوت کتنا کام کر چکی ہو گی۔

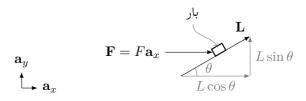
حل: کام W کی تعریف یہ ہے

$$(1.36) W = \boldsymbol{F} \cdot \boldsymbol{L}$$

ہم کار تیسی نظام میں سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$(1.37) L = L\cos\theta a_{X} + L\sin\theta a_{Y}$$

اب 1. بنيادي حقائق باب 1. بنيادي عقائق



شكل 1.10: كارتيسى نظام ميں كام

للذا

(1.38) 
$$W = (F\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}) \cdot (L\cos\theta\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + L\sin\theta\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}})$$
$$= FL\cos\theta(\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}) + FL\sin\theta(\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathbf{y}})$$
$$= FL\cos\theta$$

جہاں پیچیلی مثال کی مدد سے  $a_{
m x}\cdot a_{
m x}=0$  اور  $a_{
m x}\cdot a_{
m y}=0$  کی گئی ہیں۔ یہی جواب ضربِ نقطہ کی تعریف لینی مثال کی مدد سے 1 آسانی حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 1.35 سے با آسانی حاصل ہوتا ہے۔

#### 1.11 تفرق اور جزوى تفرق

مساوات 1.39 میں ایک تفاعل جس میں  $B_0$  مقررہ ہے کا نفرق $^{2}$  دیا گیا ہے جبکہ مساوات 1.40 میں ایک تفاعل کا جزوی نفرق $^{25}$  دیا گیا ہے۔

(1.39) 
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta \\ \frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

(1.40) 
$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x} dx + \frac{\partial W}{\partial \lambda} d\lambda$$

differentiation<sup>24</sup> partial differentiation<sup>25</sup>

1.12 خطى تكمل

#### 1.12 خطی تکمل

مساوات 1.41 میں ایک تفاعل  $B(\theta)$  دیا گیا ہے جے شکل 1.11 میں دکھایا گیا ہے۔ اس کی طولِ موج  $^{26}$  ریڈیئن کے برابر ہے۔ ہم  $B(\theta)$  دیا گیا ہے جے مابین اس کا اوسط معلوم کرتے ہیں۔ یہ تکمل  $^{27}$  سے یوں ہو گا۔

$$(1.41) B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

(1.42) 
$$B_{\text{left}} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

اسی طرح اگر اسی خطہ پر تفاعل کے مربع یعنی B<sup>2</sup> کا اوسط در کار ہو تو اپیا کرنا مساوات 1.43 میں دکھایا گیا ہے۔

(1.43) 
$$B_{\mathbf{k},\mathbf{y}}^{2} = \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2}\theta \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{2}$$

تفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر بہت اہمیت رکھتا ہے۔المذا اس تفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر ہوڑB مساوات 1.43 کی مدد سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

(1.44) 
$$B_{\dot{r},r} = \sqrt{B_{k,r}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

یہ ایک بہت اہم متیجہ ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا چاہئے۔ یہ مساوات ہر سائن نما تفاعل کے لئے درست ہے۔ کسی متغیرہ کے مربع کی اوسط کا جزر اس متغیرہ کی موثر 29 قیمت کہلاتا ہے۔

## 1.13 سطحي تكمل

مثال کے طور پر اگر مساوات 1.41 شکل 1.12 میں نکلی کے بیرونی سطح پر متغیرہ B کی مقدار بتلاتی ہے اور یہ متغیرہ سطحی کثافت کو ظاہر کرے ہم آدھے بیرونی سطح مثلاً زاویہ  $-\pi/2$  اور  $\pi/2$  کے مابین اس کی کل مقدار  $\phi$  معلوم

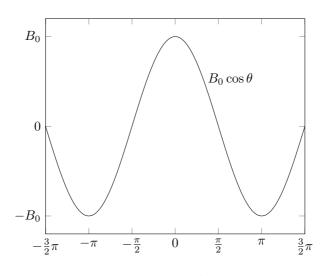
wavelength<sup>26</sup>

integration<sup>27</sup>

effective<sup>28</sup>

root mean square, rms<sup>29</sup>

باب 1. بنيادي حقائق



شكل 1.11: كوسائن موج

کرتے ہیں۔اس سطح میں نکلی کے دونوں سرے شامل نہیں ہیں۔

ہم نکلی کے بیرونی سطح پر رقبہ  $\Delta A$  لیتے ہیں جس کی چوڑائی  $\rho\Delta\theta$  اور لمبائی l ہے۔یہ سطح  $\Delta B$  ہے۔ $\Delta A$  ہو نہیں ہیں ہم نکلی کے بیرونی سطح کا رقبہ  $\Delta B$  لکھا جا سکتا ہے۔اس سطح پر B کی مقدار محوری لمبائی کی جانب تبدیل نہیں ہو رہی۔ سطح  $\Delta A$  پر  $\Delta A$  ہو گا اور کل ہو تکمل کی مدد سے یوں حاصل ہو گا۔

$$(1.45) \Delta \phi = B \Delta A = B_0 l \rho \cos \theta \, \mathrm{d}\theta$$

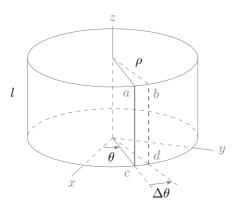
$$\phi = B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = 2B_0 l \rho$$

اب ہم یہی مقدار نکلی کے آدھے بیرونی سطح پر کہیں پر بھی حاصل کرنا چاہیں تو ہمیں صرف تکمل کے دو حد تبدیل کرنے ہول گے۔ اگر ہم مساوات 1.46 میں نچلا حد  $(-\pi/2-\alpha)$  اور اُوپر کا حد  $(\pi/2-\alpha)$  لیں تو یہ حاصل ہو گا۔

(1.47) 
$$\phi(\alpha) = B_0 l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \alpha}^{\frac{\pi}{2} - \alpha} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho \cos \alpha$$

یبال  $\phi(\alpha)$  اس بات کو واضح کرتا ہے کہ نتیجہ  $\alpha$  پر منحصر ہے۔ یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ مساوات 1.47 میں اگر  $\alpha=0$  ہو تو مساوات 1.46 ملتا ہے۔

1.14. مرحلي سمتيه



شکل 1.12: نلکی کی بیرونی سطح پر متغیرہ کا تکمل کُل مقدار دے گی۔

#### 1.14 مرحلي سمتيه

رائن نما موج جن کا تعدد معین ہو کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کرنا نہایت مفید ثابت ہوتا ہے۔ مساوات یو لو $A_0e^{\mp j(\omega t + \phi)} = A_0\cos(\omega t + \phi) \mp j\sin(\omega t + \phi)$ 

کی مدد سے کوسائن موج یوں لکھی جاسکتی ہے

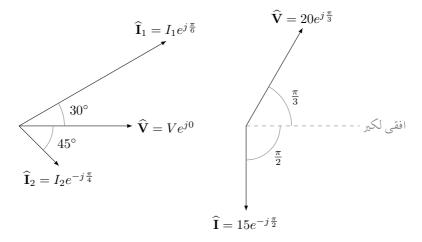
$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left( e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

اس سے ثابت ہوتا ہے کہ کوسائن موج دراصل دو مخلوط اعداد کا مجموعہ ہے۔ مساوات یولر ایک مخلوط عدد کو ظاہر کرتا ہے جس کے دو جزو ہیں۔ اس کا ایک جزو حقیقی عدد ہے اور اس کا دوسرا جزو فرضی عدد ہے۔ اس کا حقیقی جزو کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کوسائن موج کو طاہر کیا جاتا ہے۔ مزید یہ کہ اس عدد کو چھوٹا کر کے صرف  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  یا پھر پر سائن نما موج کو وسائن موج کے اس طرح ظاہر کرنے کو موحلی سمتیہ آئ کہتے ہیں جہاں اس سمتیہ کا طول  $A_0$  اور اُفقی کیر سے زاویہ  $A_0$  ہے۔

 $A_0$  مرحلی سمتیہ استعال کرتے وقت آپ کو یہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ یہ ایک کوسائن موج ہے جس کا حیطہ  $A_0$  ، دوری زاویہ  $\phi$  اور زاویائی تعدد  $\omega$  ہے۔

Euler's equation<sup>30</sup> phasor<sup>31</sup>

باب 1. بنيادي حقائق



شكل 1.13: مرحلي سمتيه

اس کتاب میں مرحلی سمتیہ کو سادہ طرزِ لکھائی میں انگریزی کے بڑے حروف جن پر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً برقی کیا جائے گا، یعنی  $\hat{I},\hat{V}$  وغیرہ اور ان کے طول کو بغیر ٹوپی کے نشان کے اسی حرف سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً برقی و باؤ  $v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$ 

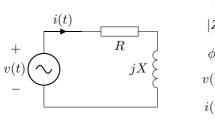
(1.50) 
$$v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$$
 
$$\hat{V} = 20e^{j\frac{\pi}{3}}$$
 
$$\hat{V} = 20/\frac{\pi}{3}$$
 
$$V = 20$$

اس مساوات میں پہلا جزو ایک عام کوسائن موج ہے۔ دوسرا جزو اِسی کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کر رہا ہے۔ تیسرا اس مرحلی سمتیہ کا طول اور چوتھا اس کا زاویہ بتلا رہا ہے۔ مرحلی سمتیہ کو عام سمتیوں کی طرح ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس مساوات میں  $\hat{V}$  کا طول 20 اور اُفقی کیبر سے زاویہ  $\frac{\pi}{3}$  ریڈیئن ہے۔زاویہ اُفقی کیبر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ اس سمت میں زاویہ مثبت ہے۔ شکل 1.13 میں اس  $\hat{V}$  کے علاوہ چند اور مرحلی سمتیہ دکھائے گئے ہیں۔

رقی ادوار میں عموماً برقی دباؤ  $\hat{V}$  کی نسبت سے برقی رو  $\hat{I}$  کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔ شکل 1.13 میں  $\hat{V}$  تیس درجہ زاویہ برقی دباؤ سے آگے ہے جبکہ  $\hat{I}_2$  پینتالیس درجہ زاویہ برقی دباؤ کے پیچھے ہے۔ اس حقیقت کو یوں بیان کیا جاتا ہے کہ  $\hat{I}_1$  تیس درجہ پیش زاویہ حاشیہ angle leading پر ہے جبکہ  $\hat{I}_2$  پینتالیس درجہ تاخیری زاویہ  $\hat{I}_2$  کہ  $\hat{I}_1$  تیس درجہ بیش زاویہ حاشیہ جبکہ دورجہ تاخیری زاویہ کی نیس درجہ تاخیری زاویہ کی جبکہ کی اُلیم کی درجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری زاویہ کی بینتالیس درجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری زاویہ کی بینتالیس درجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری زاویہ کی بینتالیس درجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری زاویہ کی بینتالیس درجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری کی دورجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری کی دورجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری کی دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری زاویہ کی دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری درجہ تاخیری دورجہ تاخیر تاخیری دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری دورجہ تاخیری تاخیری دورجہ تاخیری دورجہ

lagging angle<sup>32</sup>

1.14. مرحلي سمتيه



$$Z = R + jX$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\phi_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i(t) = \frac{V_0}{|Z|} \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$= I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

شکل 1.14: مرحلی سمتیہ کی مدد سر RL دور کا حل۔

ہے۔اسے طرح  $\hat{I}_1$  کو پیش برتی رو جبکہ  $\hat{I}_2$  کو تاخیری برتی رو کہا جاتا ہے۔دو مر حلی سمتیات کے آپس میں زاویے کو موحلی فرق  $\hat{I}_2$  بین المذا  $\hat{I}_1$  اور  $\hat{I}_2$  میں °75 کا مر حلی فرق پایا جاتا ہے۔ یہاں یہ دھیان رہے کہ شکل میں °45 مثب کھا گیا ہے۔ یہاں یہ دھیان رہے کہ شکل میں مثبت کھا گیا ہے۔ چونکہ یہ افقی کلیر سے زاویہ ناپنے کی اُلٹ سمت میں ہے للذا یہ ایک منفی زاویہ ہے۔

یہاں مرحلی سمتیوں کو استعال کر کے ایک سادہ برقی دور حل کرتے ہیں۔ یوں ان سے وابسٹگی پیدا ہو جائے گی اور ان کا استعال بھی سکھ لیں گے۔

يک موحلہ
$$^{88}$$
 برتی دور ہے جس پر لاگو برتی دباؤ $R-L$  یک موحلہ $^{88}$  برتی دور ہے جس  $v(t)=V_0\cos(\omega t+lpha)$   $\hat{V}=V_0\underline{lpha}$ 

phase difference<sup>33</sup>
power factor<sup>34</sup>
power factor angle<sup>35</sup>
lagging power factor<sup>36</sup>
leading power factor<sup>37</sup>
single phase<sup>38</sup>

باب 1. بنيادي حقائق

ہے۔ مرحلی سمتیہ کے استعال سے ہم اس میں برقی روi(t) معلوم کرنا چاہتے ہیں۔

$$\begin{split} \hat{I} &= \frac{\hat{V}}{R+jX} = \frac{V_0 \underline{\alpha}}{|Z| \underline{\phi_Z}} \\ &= \frac{V_0}{|Z|} \underline{\alpha - \phi_Z} = I_0 \underline{\alpha - \phi_Z} \end{split}$$

جہال  $\phi_Z$  رکاوٹ کا زاویہ ہے۔للذا

$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$
 ماصل ہوتا ہے۔ یول تاخیری زاویہ  $\phi_Z$  برابر ہے۔

## باب 2

# مقناطيسي ادوار

## 2.1 مزاحمت اور ہچکچاہٹ

شکل 2.1 میں ایک سلاخ و کھائی گئی ہے۔ اس کی لمبائی کی سمت میں مزاحمت سے ہے

$$(2.1) R = \frac{l}{\sigma A}$$

جہاں  $\sigma$  موصلیت  $^{2}$  کو ظاہر کرتی ہے اور A=wh ہو تو اس سلاخ کا مقناطیسی مستقل  $^{3}$  ہو تو اس سلاخ

 $\begin{array}{c} resistance^1 \\ conductivity^2 \end{array}$ 

برقی رو یا مقناطیسی بهاو کی سمت

$$R = \frac{l}{\sigma A}$$

$$w$$

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$

شكل 2.1: مزاحمت اور بچكچابك

26 باب 2. مقناطیسی ادوار

کی ہچکچاہٹ 🕯 یوں بیان کی جائے گی۔

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$

مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو عموماً خالی خلاء کی مقناطیسی مستقل  $\mu$  کی نسبت سے کھا جاتا ہے لیمن

$$\mu = \mu_r \mu_0$$

جہاں  $\mu_r$  جزو مقناطیسی مستقل کہلاتی ہے۔ آپکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر۔ چکو فی ویبر ہے جس کی وضاحت جلد کی  $\mu_r$ 

اور  $h=3\,\mathrm{cm}$  مثال 2.1: شکل میں دی گئی سلاخ کی ہمچکچاہٹ معلوم کریں 2000  $\mu_r=10\,\mathrm{cm}$  اور  $w=2.5\,\mathrm{cm}$ 

ىل:

$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,044\,\mathrm{A} \cdot \mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

## 2.2 كثافتِ برقى رو اور برقى ميدان كى شدت

ا گراس سلاخ کے سروں پر برقی دباؤ v لاگو کی جائے جیسا کہ شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے تو اس میں برقی روi گزرے گا جس کی مقدار اوہم کے قانون v سے یوں حاصل ہوتی ہے

$$(2.4) i = \frac{v}{R}$$

permeability, magnetic constant<sup>3</sup> reluctance<sup>4</sup> Ohm's law<sup>5</sup>

اس مساوات کو مساوات 2.1 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں

$$(2.5) i = v\left(\frac{\sigma A}{l}\right)$$

يا

$$\frac{i}{A} = \sigma\left(\frac{v}{l}\right)$$

اسے مزید ہوں لکھ سکتے ہیں

$$(2.7) J = \sigma E$$

جہاں

$$(2.8) J = \frac{i}{A}$$

اور

$$(2.9) E = \frac{v}{l}$$

کے برابر ہے۔

اگر شکل میں سمتیہ J کا طول J ہو اور سمتیہ E کا طول E ہو جہاں ان دونوں سمتیہ کی سمت ہے تب مساوات 2.7 کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

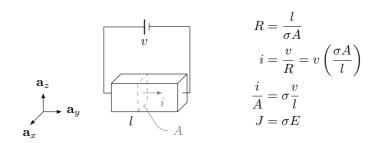
$$(2.10) J = \sigma E$$

یہ مساوات اوہم کے قانون کی ایک اور شکل ہے۔

J تحت J تحت J کے تحت J کے تحت J کے تحت J کی رقبہ عمودی تراث J کے تحت J کے تحت J کو کثافت ہوتی رو<sup>6</sup> ہی کہتے ہیں۔ اس طرح مساوات 2.9 سے برقی رو گی کہانت کو ظاہر کرتی ہے۔ اس وجہ سے J کو کثافت ہوتی میدان کی شدت کہ جارتی د باؤ فی اکائی لمبائی کو ظاہر کرتی ہے۔ یوں J کو بوقی میدان کی شدت کہتے ہیں۔ جہال متن سے واضح ہو کہ برقی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں اس نام کو چھوٹا کر کے J کو میدانی شدت سے پکارا جاتا ہے۔

ہم بالکل اسی طرح مقناطیسی متغیرہ کے لئے بھی اس طرح کے مساوات لکھ سکتے ہیں۔ حصہ 2.5 میں ہم یہی کریں گے۔

current density<sup>6</sup> electric field intensity<sup>7</sup>



شكل 2.2: كثافتِ برقى رو اور برقى دباؤ كى شدت

## 2.3 برقى ادوار

 $\sigma=5.9 imes10^7~{
m \frac{S}{m}}$  برقی دور میں بوقی دوار میں بوقی دور از  $i^{-10}$  پیدا ہوتی ہے۔ تانبا $i^{-10}$  کی موصلیت کی وجہ ہے۔ للذا تانبا کی بنی تار کی مزاحمت  $i^{-10}$  قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ اگر الی تار میں برقی دو  $i^{-10}$  کی کار ہو تو اس تار کی مزاحمت میں اوہم کے قانون کے تحت برقی دباؤ  $\Delta v=iR$  کی  $i^{-10}$  کی وجہ ہے۔  $i^{-10}$  کی وجہ ہے۔ کم تابل نظر انداز ہوئے کی وجہ ہے  $i^{-10}$  کی قابل نظر انداز ہوگا گئی  $i^{-10}$  کی جا میں تابل نظر انداز ہوگا گئی  $i^{-10}$  کی جا میں تابل نظر انداز ہوگا گئی ہے۔

 $R_{JT}$  میں ایک ایسا ہی برقی دور دکھایا گیا ہے جس میں تارکی مزاحمت کو اکٹھے کر کے ایک ہی جگہ تا $R_{JT}$  میں ایک ایسا ہی برقی دور کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

$$(2.11) v = \Delta v + v_L$$

تار میں برقی گھٹاو  $\Delta v$  نظرانداز کرتے ہوئے

$$(2.12)$$
  $v = v_L$ 

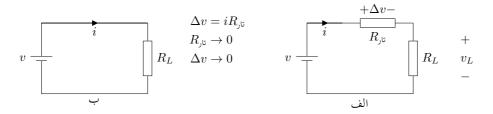
حاصل ہوتا ہے۔اس کا مطلب ہے کہ اگر تار میں برقی دباؤکی گھٹاو قابل نظرانداز ہو تو لاگو برقی دباؤجوں کے توں مزاحمت  $R_L$  تک پہنچائی جاستی ہے۔برقی ادوار حل کرتے ہوئے یہی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار میں برقی دباؤکی گھٹاو کو نظرانداز کیا جاتا ہے۔ شکل 2.3-الف میں ایسا کرنے سے شکل 2.3-ب حاصل ہوتا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ برقی تارکو اس غرض سے استعال کیا جاتا ہے کہ لاگو برقی دباؤکو جگہ استعال تک بغیر گھٹائے پہنچایا جاتا ہے۔

electric voltage8

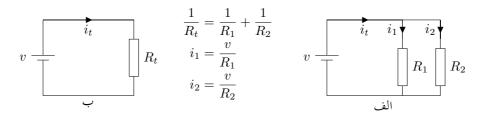
 $<sup>^{2}</sup>$  برتی دباؤ کی اکائی وولٹ ہے جو اٹلی کے السائڈرو وولٹا کے نام ہے جنہوں نے برقی بیٹری ایجاد کی۔ electric current  $^{10}$ 

برقی رو خی افامی ایمپیئر ہرے جو فرانس کرے انداز میر ایمپیئر کرے نام ہرے جن کا برقی و مفناطیسی میدان میں اہم کرد copper<sup>12</sup> <sup>13</sup>مزاحمت کی اکائی اوہم ہرے جو جرمنی کرے جارج سائمن اوہم کرے نام ہرے جنہوں نے قانونِ اوہم دریافت کیا۔

2.4. مقناطیسی دور حصہ اول



شکل 2.3: برقی دور میں تار کی مزاحمت کو نظر انداز کیا جاتا ہے۔



شکل 2.4: برقی رو کم مزاحمت کے راستے زیادہ ہوتی ہے

شکل 2.4 میں ایک اور مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برقی رواس رائے زیادہ ہوتی ہے جس کی مزاحمت  $i_1>i_2$ ہو تو  $i_1>i_2$ ہو گی۔

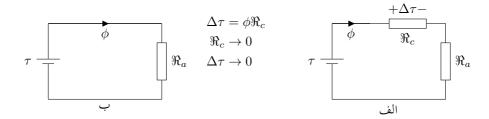
## 2.4 مقناطیسی دور حصہ اول

مقناطیسی دور بالکل برقی دور کی طرح ہوتے ہیں۔ بس ان میں برقی دباؤ v کی جگہ مقناطیسی دباؤ  $^{14}$   $^{7}$  ، برقی رو $^{1}$  کی جگہ مقناطیسی بہاو  $^{21}$   $\phi$  اور مزاحمت R کی جگہ ہچکچاہٹ  $^{16}$   $\Re$  ہوتی ہے۔ للذا ہم بالکل ایک برقی دور کی طرح ایک متناطیسی دور بنا سکتے ہیں۔ ایسا ہی ایک دور شکل  $^{2.5}$ -الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں بھی کوشش یہی ہے کہ سمی طرح مقناطیسی دباؤ  $\tau$  کو بغیر کم کئے بچکچاہٹ  $\pi$  کتا ہے ہیں ہی ہوتی ہے اور  $\pi$  متناطیسی دباؤ  $\tau$  کو بغیر کم کئے بچکچاہٹ  $\pi$  کو نظرانداز کرنا ممکن ہو تو ہمیں شکل  $\pi$  دے۔ بہاں بھی اگر  $\pi$  کو نظرانداز کرنا ممکن ہو تو ہمیں شکل  $\pi$  دے۔ بہاتا ہے جس میں مقناطیسی بہاو  $\pi$ 

magnetomotive force, mmf

 $flux^{15}$ 

 $reluctance^{16} \\$ 



شكل 2.5: مقناطيسي دور

کو، بالکل اوہم کے قانون کی طرح

$$\tau = \phi \Re_a$$

ککھ کر حاصل کیا جا سکتا ہے۔اگری $\Re$  کو نظرانداز کرنا ممکن نہ ہو تب بالکل سلسلہ وار مزاحمتوں کی طرح ہم اس شکل میں دیئے گئے دو سلسلہ وار ہمچکیاہٹوں کا مجموعہ ہمچکیاہٹ  $\Re$  کو استعال کر کے برقی رو کا حساب لگائیں گے، یعنی

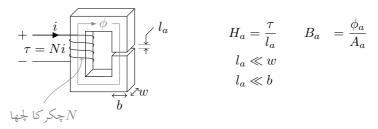
$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

$$\tau = \phi \Re_s$$

بالکل برقی مثال کی طرح، مقناطیسی دباؤکو کم انجکیاہٹ والے راستے سے اس جگہ پہنچایا جاتا ہے جہاں اس کی ضرورت ہو۔ مساوات 2.2 سے ہم دکھتے ہیں کہ انجکیاہٹ، مقناطیسی مستقل  $\mu$  پر منحصر ہے۔مقناطیسی مستقل کی اکائی ہا ہینر ی فی میٹر  $\frac{\mathrm{H}}{\mathrm{m}}$  ہے۔  $\mu$  کو عموماً  $\mu$  ہو ہیں۔  $\mu$  کھا جاتا ہے جہاں  $\mu$   $\mu$   $\mu$   $\mu$   $\mu$  و جنوی فی میٹر  $\mu$  و اربر ہے اور  $\mu$  و جزو مقناطیسی مستقل 18 کہتے ہیں۔ لوہا، کچھ دھاتیں اور چند جدید مصنوعی اشیاء ایس بین بی بی قیمت  $\mu$  و جزو مقناطیسی مستقل 18 کہتے ہیں۔ لوہا، کچھ دھاتیں اور چند جدید مصنوعی اشیاء ایس بین بی بی قیمت مقناطیسی مستقل کرنے کے لئے انہی مقناطیسی اشیاء کو استعال کیا جاتا ہے۔ بدقتمتی سے ان مقناطیسی اشیاء کے  $\mu$  کی مقدار اتنی زیادہ نہیں ہوتی کہ ان سے مقناطیسی اشیاء کو استعال کیا جاتا ہے۔ بدقتمتی سے ان مقناطیسی اشیاء کے  $\mu$  کی مقدار اتنی زیادہ کی جا سکے۔ مساوات 2.2 سے ہم دیکھتے ہیں کہ انجکیاہٹ کم سے کم کرنے کی خاطر رقبہ عمود کی تراش زیادہ اور لمبائی کم سے کم کرنی ہو گی۔ للذا عموماً مقناطیسی دباؤ منتقل کرنے کے لئے خاطر رقبہ عمود کی تراش زیادہ رقبہ عمود کی تراش کا مقناطیسی دباؤ منتقل کرنے والے ان مقناطیسی اشیاء پر ہی مشتمل ہوتا ہے۔ مقناطیسی مثنیوں کے گرانسفار مر ، کا بیشتر حصہ مقناطیسی دباؤ منتقل کرنے والے ان مقناطیسی اشیاء پر ہی مشتمل ہوتا ہے۔ ایسے مشینوں کے مرز میں عموماً یہی مقناطیسی اشیاء پر ہی مشتمل ہوتا ہے۔ ایسے مشینوں کے مرز میں عموماً یہی مقناطیسی اشیاء بی عال کیا جاتا ہے میں۔ اس وجہ ہے جن اشیاء کو اس مقصد کے لئے استعال کیا جاتا ہے مرز میں عموماً یہی مقناطیسی اشیاء بیا کے حاتے ہیں۔ اس وجہ ہے جن اشیاء کو اس مقصد کے لئے استعال کیا جاتا ہے مرز میں عموماً یہی مقناطیسی اشیاء بیک مقال کیا جاتا ہے میں۔

Henry per meter<sup>17</sup>

relative permeability, relative magnetic constant<sup>18</sup>



شكل 2.6: كثافتِ مقناطيسي بهاو اور مقناطيسي ميدان كي شدت.

انہیں مقناطیسی موکز 1<sup>9</sup> کہتے ہیں۔ برقی مشینوں میں استعال مقناطیسی مرکز لوہے کی باریک چادریا پتری<sup>20</sup> تہہ در تہہ رکھ کر بنائی جاتی ہے۔ مقناطیسی مرکز کے بارے میں حصہ 2.8 میں مزید معلومات فراہم کی جائے گی۔

### 2.5 كثافت مقناطيسي بهاو اور مقناطيسي ميدان كي شدت

حصہ 2.2 میں ہم نے برقی دور کی مثال دی تھی۔ یہاں شکل 2.6 میں ایک مقناطیسی دور کی مثال دیتے ہیں۔ یہاں مقناطیسی مرکز کی  $m_r = \infty$  تصور کی گئ ہے لہذا اس مرکز کی بچکچاہٹ  $\Re_c$  صفر ہو گی۔ لہذا جیسے حصہ 2.2 میں تانبا کی تار استعال کی گئ تھی یہاں اسی طرح مقناطیسی مرکز کو مقناطیسی دباؤ  $\tau$  ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرنے کے لئے استعال کیا گیا ہے۔ اس شکل میں مقناطیسی دباؤ کو خلائی درز کی بچکچاہٹ  $\Re_a$  تک پہنچایا گیا ہے۔ لہذا یہاں کل ہنگچاہٹ مرف خلائی درز کی بچکچاہٹ مرف خلائی درز کی بھکچاہٹ مرف خلائی درز کی بھکچاہٹ ہی ہے یعنی

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_z}$$

اگر خلائی درز کی لمبائی  $l_a \ll b$  مرکز کے رقبہ عمودی تراش کے اطراف b اور w سے نہایت کم ہو لیعنی  $l_a \ll b$  اور  $l_a \ll w$  تب خلائی درز کے رقبہ عمودی تراش  $A_a$  کو مرکز کے رقبہ عمودی تراش  $R_c$  کے برابر لیا جاتا ہے لینی  $l_a \ll w$ 

$$(2.17) A_a = A_c = wb$$

اس کتاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو وہاں  $l_a \ll b$  اور  $w \gg l_a \ll b$  کاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو وہاں

magnetic core<sup>19</sup> laminations<sup>20</sup>

مقناطیسی دباؤ کو یوں بیان کیا جاتا ہے

یعنی برقی تار کے چکر ضربِ ان میں برقی رو۔ للذا مقناطیسی دباؤکی اکائی ایمپیئر۔ چکو 21 ہے۔ بالکل حصہ 2.2 کی طرح ہم مساوات 2.15 کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_a}$$

مقناطیسی بہاو کی اکائی ویبر  $^{22}$  ویبر  $^{23}$  ہے اور آپکیچاہٹ کی اکائی ایمپیئر۔چکر فی ویبر  $^{24}$  ہے۔ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\phi_c$  برابر ہیں۔ اس مساوات کو مساوات کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔  $\phi_a$ 

$$\phi_a = \tau \left( \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

یا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

اس مساوات میں بائیں جانب مقناطیسی بہاو فی اکائی رقبہ کو کثافتِ مقناطیسی بہاو  $^{25}$  اور دائیں جانب مقناطیسی د باؤ فی اکائی لمبائی کو مقناطیسی میدان کی شدت $^{26}$   $H_a$  کھا جا سکتا ہے۔ یعنی

$$(2.21) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

$$(2.22) H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

کثافتِ مقناطیسی بہاوکی اکائی ویبر فی موبع میٹر ہے جس کو ٹسلا27 کا نام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شدت کی اکائی ایمپیئر فی میٹر 28 ہے۔ لہذا مساوات 2.20 کو ہم یول لکھ سکتے ہیں۔

$$(2.23) B_a = \mu_0 H_a$$

ampere-turn<sup>21</sup>

Weber<sup>22</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup> اکافی جرمنی کے ولیم افروڈ ویبر کے نام ہے جن کا برفی و مقناطیسی میدان میں اہم کردبر رہا ہے ampere-turn per weber<sup>24</sup>

magnetic flux density<sup>25</sup>

magnetic field intensity<sup>26</sup>

Tesla: یہ اکائی سربیا کے نِکولا ٹسلا کے نام ہے جنہوں نے بدلتی رو برقی طاقت عام کرنے میں اہم کردبر ادا کیا

ampere per meter<sup>28</sup>

جہال متن سے واضح ہو کہ مقناطیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہال مقناطیسی میدان کی شدت کو میدانی شدت  $a_Z$  کہا جاتا ہے۔ شکل میں ہم دیکھتے ہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کی سمت، اکائی سمتیہ کی الٹ سمت میں ہے لہذا ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کو  $B_a = -B_a a_Z$  لکھ سکتے ہیں۔ اسی طرح خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ اکائی سمتیہ کی الٹ سمت میں دباؤ ڈال رہی ہے لہذا ہم مقناطیسی دباؤ کی شدت کو  $H_a = -H_a a_Z$  کی الٹ سمت میں دباؤ ڈال رہی ہے لہذا ہم مقناطیسی دباؤ کی شدت کو  $H_a = -H_a a_Z$  کی سکتے ہیں۔ لہذا اس مساوات کو یوں کھا جا سکتا ہے۔

$$B_{a} = \mu_{0}H_{a}$$
 اگر خلاء کی جبگہ کوئی اور مادہ ہو، تب ہم اس مساوات کو یول لکھتے

$$(2.25) B = \mu H$$

مثال 2.2: شکل 2.6 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو 0.1 ٹسلا درکار ہے۔ مرکز کی  $\mu_r = \infty$  ہے اور خلائی درز کی لمبائی 1 ملی میٹر ہے۔اگر مرکز کے گرو برقی تار کے 100 چکر ہوں تو ان میں درکار برقی رو معلوم کریں۔

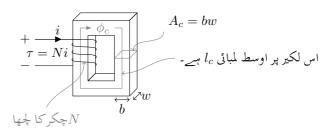
حل:

$$\tau = \phi \Re$$
 
$$Ni\phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right)$$
 
$$\frac{\phi}{A} = \frac{Ni\mu_0}{l}$$

للذا

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4\pi 10^{-7}} = 0.79567 \,\text{A}$$

یغی 0.79567 ایمییئر برقی رو سے خلائی درز میں 0.1 ٹسلا کثافت مقناطیسی بہاو حاصل ہو جائے گا۔



شكل 2.7: ساده مقناطيسي دور

#### 2.6 مقناطیسی دور حصہ دوم

شکل 2.7 میں ایک سادہ مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے جس میں مرکز کی مقناطیسی مستقل کو محدود تصور کیا گیا ہے۔ شکل 2.7 میں مقناطیسی دباؤ  $\tau=N$  مقناطیسی مرکز میں مقناطیسی بہاو  $\phi_c$  کو جنم دیتی ہے۔ یہاں مرکز کا رقبہ عمودی تراش میں مقناطیسی بہاو کی سمت فلیمنگ $^{30}$  کے دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جا سکتی ہے۔ اس قانون کو دو طریقوں سے بیان کیا جا سکتا ہے۔

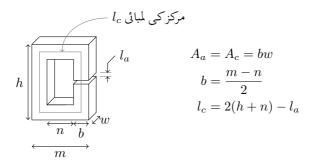
- اگرایک کچھے کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں کچھے میں برقی روکی سمت میں لیٹی ہوں تو انگوٹھا اُس مقناطیسی بہاوکی سمت میں ہوگا جو اس برقی روکی وجہ سے وجود میں آئے گا۔
- اگرایک تارجس میں برقی رو کا گزر ہو، کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ انگوٹھا برقی رو کی ست میں ہو تو باقی چار انگلیاں اُس مقناطیسی بہاو کی سمت میں لپٹی ہوں گی جو اس برقی رو کی وجہ سے پیدا ہوگا۔

ان دو بیانات میں پہلا بیان، کچھ میں مقناطیسی بہاو کی سمت معلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ کسی ایک سید ہی تار کے گرد مقناطیسی بہاو کی سمت دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کی جاسکتی ہے۔ لہذا مرکز میں مقناطیسی بہاو گھڑی کے سمت میں ہے۔ مقناطیسی بہاو کو شکل 2.7 میں تیر والے ہلکی سیابی کے کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یہاں مرکز کی ایچکچاہٹ

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

Fleming's right hand rule<sup>30</sup>

2.6. مقناطيسي دور حصہ دوم



شکل 2.8: خلائی درز اور مرکز کر بچکچاہٹ

لکھتے ہوئے مقناطیسی بہاو یوں

$$\phi_c=rac{ au}{\Re_c}=Ni\left(rac{\mu_cA_c}{l_c}
ight)$$
 عاصل کی جا عتی ہے۔اس طرح ہم سب متغیرات حاصل کر سکتے ہیں۔

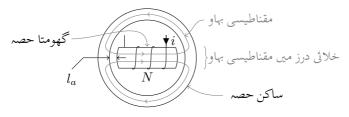
(2.26) 
$$\begin{aligned} \lambda & = \frac{10 \, \text{cm}}{2} & = \frac{10 \, \text{cm}}{2} \\ \lambda & = \frac{10 \, \text{cm}}{2} & = \frac{10 \, \text{cm}}{2} \\ \lambda & = \frac{10 \, \text{c$$

 $A_a = A_c = bw = 0.01 \times 0.02 = 0.0002 \,\mathrm{m}^2$ 

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.559}{40000 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 55\,598\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4\pi 10^{-7} \times 0.0002} = 3\,978\,358\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

 $l_c = 2(h+n) - l_a = 2(0.2+0.08) - 0.001 = 0.559 \,\mathrm{m}$ 



شكل 2.9: ساده گهومنر والا مشين

ہم دکھتے ہیں اگرچہ مرکز کی لمبائی خلائی ورز کی لمبائی سے 559 گنا زیادہ ہے تب بھی خلائی ورز کی انجکچاہٹ 71 گنا زیادہ ہے لیعنی  $\Re_a\gg\Re_c$  نیادہ ہے لیعنی

مثال 2.4: شکل 2.9 سے رجوع کریں۔ اگر ایک خلائی درز 5 ملی میٹر لمبا ہو اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہوں تو خلائی درز میں 0.95 ٹیلا کثافت ِ برتی بہاو حاصل کرنے کی خاطر درکار برتی رو معلوم کریں۔ حل: اس شکل میں ایک گھومتے مثین، مثلاً موٹر، کی ایک سادہ شکل دکھائی گئی ہے۔ ایسے آلوں میں باہر کا حصہ ساکن رہتا ہے جس کو مشین کا ساکن حصہ کہتے ہیں اور اس ساکن حصہ کے اندر اس کا ایک حصہ گھومتا ہے جے گھومتا حصہ کہتے ہیں۔ اس مثال میں ان دونوں حصوں کا  $\infty = \mu_r$  ہم لہٰذا ان کی پچکچاہٹ صفر ہے۔ مقاطیسی بہاو ہلکی سابی کے کیر سے مثال میں ان دونوں حصوں کا  $\infty = \mu_r$  ہم لہٰذا ان کی پچکچاہٹ صفر ہے۔ مقاطیسی بہاو ہلکی درز میں سے، ایک مکمل چکر کے دوران، دو مر تبہ گزرتی ہے۔ یہ دو خلائی درز ہر لحاظ سے ایک جیسے ہیں للذا ان دونوں خلائی درز کی پچکچاہٹ بھی برابر ہوں گی۔ مزید ہے کہ ان خلائی درز کی پچکچاہٹ سلسلہ وار ہیں۔ شکل میں مقناطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقناطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ کا ہے لیعن م

ایک خلائی درز کی ہیکھاہٹ

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{l_a}{\mu_0 A_c}$$

ہے۔للذا کل ہیکجاہٹ ہو گ

$$\Re_s = \Re_a = \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c}$$

یوں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\phi_a$  اور کثافت مقناطیسی بہاو  $B_a$  یہ ہوں گے۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left( \frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right)$$
 
$$B_a = \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a}$$

اس مساوات میں اعداد استعال کرتے ہیں

$$0.95 = \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005}$$
$$i = \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \text{ A}$$

موٹر اور جزیٹروں کی خلاء میں تقریباً ایک ٹسلا کثافت برقی بہاو ہوتی ہے۔

## 2.7 خود اماله ، مشتركه اماله اور توانائي

مقناطیسی بہاو کی، وقت کے ساتھ تبدیلی، برقی دباؤ کو جنم دیتی ہے۔ للذا اگر شکل 2.6 کے مرکز میں مقناطیسی بہاو تبدیل ہو رہی ہو تو اس کی وجہ سے اس کے لچھے میں برقی دباؤ پیدا ہو گا جو کہ اس کچھے کے سروں پر نمودار ہو گا۔ اِس طرح پیدا ہونے والی برقی دباؤ کو امالی برقی دباؤ <sup>31</sup> کہتے ہیں۔ قانون فیراڈے <sup>32</sup> کے تحت <sup>33</sup>

$$(2.27) e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

اس مساوات میں ہم کیھے میں، وقت کے ساتھ تبدیل ہونے والی، مقناطیسی بہاو کو  $\phi$  سے ظاہر کر رہے ہیں۔ N کو کچھے کی ارتباط بہاو  $\lambda$  کہتے ہیں جس کی اکائی ویبر۔ چکو  $\lambda$  ہے۔ اس امالی برقی دباؤکی سمت کا تعین یوں کیا جاتا ہے

induced voltage31

Faraday's law<sup>32</sup>

<sup>33</sup>مائکل فیراڈے انگلستانی سائنسدان تھے جنہوں نے محرک برقی دباؤ دریافت کی

flux linkage<sup>34</sup>

weber-turn<sup>35</sup>

کہ اگر دیئے گئے کچھے کی سرول کو تحسو دور 36 کیا جائے تو اِس میں برقی رو اُس سمت میں ہوگی جس میں مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو روکا جا سکے۔

جن مقناطیسی دوروں میں مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو اٹل مقدار تصور کیا جا سکے یا جن میں خلائی درز کی انجکچاہٹ مرکز کی انجکچاہٹ سے بہت زیادہ ہو لیعنی  $\Re_a\gg\Re_c$  ، ان حالات میں ہم کچھے کی امالہ $^{37}$  کو یوں بیان کرتے ہیں۔

$$(2.28) L = \frac{\lambda}{i}$$

امالہ کی اکائی ویبر- کیکر فی ایمپیئر ہے جس کو ہینوی H 38 کا نام 39 ویا گیا ہے۔ للذا

$$(2.29) L = \frac{N\phi}{i} = \frac{NB_cA_c}{i} = \frac{N^2\mu_0A_a}{l_a}$$

مثال 2.5: شکل 2.6 میں اگر  $a=3\,\mathrm{mm}$  اور مرکز کی  $b=5\,\mathrm{cm}, w=4\,\mathrm{cm}, l_a=3\,\mathrm{mm}$  اوسط لمبائی a=1000 ہو تب ان دو صور توں میں کیھے کی امالہ معلوم کریں۔

- $\mu_r = \infty$  کر کی •
- $- \mu_r = 500$  مرکز کی •

 $\mu_r = \infty$  حل: پہلی صورت میں مرکز کی  $\mu_r = \infty$  ہونے کی وجہ سے مرکز کی ہیکچاہٹ نظرانداز کی جا سکتی ہے۔ یول

$$L = \frac{N^2 \mu_0 wb}{l_a}$$
 
$$= \frac{1000^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$
 
$$= 0.838 \,\mathrm{H}$$

short circuit<sup>36</sup> inductance<sup>37</sup>

Henry<sup>38</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup>امریکی سائنسدان جوزف بینری جنہوں نے ماٹکل فیراڈے سے علیحدہ طور پر محرک برقی دباؤ دریافت کی

دوسری صورت میں  $\mu_r = 500$  ہے۔ یول مرکز کی ہیکچاہٹ صفر نہیں۔ خلاء اور مرکز کی ہیکچاہٹ پہلے دریافت کرتے ہیں

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 w b} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,507\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 w b} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

للذا

$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{1\,193\,507 + 238\,701} = 0.698\,\mathrm{H} \end{split}$$

مثال 2.6: شکل 2.10 میں ایک پیچیدار کچھا40 و کھایا گیا ہے جس کی تفصیل یوں ہے

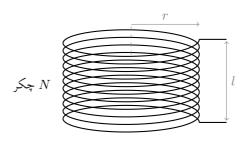
 $N = 11, r = 0.49 \,\mathrm{m}, l = 0.94 \,\mathrm{m}$ 

ایسے پیچدار کیھے کی بیشتر مقناطیسی بہاو کیھے کے اندر محوری سمت میں ہوتی ہے۔ کیھے کے باہر مقناطیسی بہاو کی مقدار قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ یوں کیھے کے اندر محوری جانب مقناطیسی شدت

$$H = \frac{Ni}{l}$$

ہوتی ہے۔اس کچھے کی خود امالہ حاصل کریں۔ حل:

spiral coil40



شكل 2.10: ييجدار لجها

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l}$$
 
$$\phi = B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l}$$
 
$$\lambda = N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l}$$
 
$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

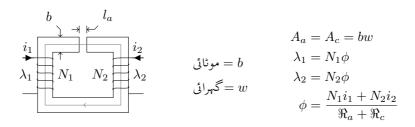
نوں

$$L = rac{4\pi 10^{-7} imes 11^2 imes \pi imes 0.49^2}{0.94} = 122 \, \mu ext{H}$$
ي پيچيدار کچھا ميں نے 3000 کلو گرام لوہا پگھلانے والی بھٹی میں استعال کیا ہے۔

 $i_1$  شکل 2.11 میں دو کچھے والا ایک مقناطیسی دور دکھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے  $N_1$  چکر ہیں اور اس میں برقی رو  $i_2$  ہیں اور دس بین کہ اِن ہم اور دوسرا کچھا  $N_2$  چکر کا ہے اور اس میں برقی رو  $i_2$  ہے۔ دونوں کچھوں میں برقی رو کی سمتیں یوں ہیں کہ اِن دونوں کا مقناطیسی دباؤ جمع ہو۔ یوں اگر مرکز کے امالہ کو نظرانداز کیا جائے تو ہم مقناطیسی بہاو  $\phi$  کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\phi = (N_1 i_1 + N_2 i_2) \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

یہاں  $\phi$  دونوں کیجھوں کے مجموعی مقناطیسی دباؤ لیعنی  $N_1i_1+N_2i_2$  سے پیدا ہونے والا مقناطیسی بہاو ہے۔ اس



شكل 2.11: دو لچهر والا مقناطيسي دور.

مقناطیسی بہاو کی ان کچھوں کے ساتھ ارتباط کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(2.31) 
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

اس کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

جہاں

$$(2.33) L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$(2.34) L_{12} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

ہیں۔ یہاں  $L_{11}$  پہلے لچھے کی خود امالہ  $L_{11}$  ہوا وار  $L_{11}$  اِس کچھے کی اپنے برقی رو  $I_{1}$  سے پیدا مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے جود ارتباط بہاو  $L_{12}$  کہتے ہیں۔  $L_{12}$  اِن دونوں کچھوں کا مشترکہ امالہ  $L_{12}$  ہوا  $L_{12}$  کہتا نمبر  $L_{12}$  کہتے مشترکہ ارتباط بہاو  $L_{12}$  کے ساتھ برقی رو  $L_{12}$  کی وجہ سے ارتباط بہاو ہے جے مشترکہ ارتباط بہاو  $L_{12}$  کی سکتے ہیں ۔ بالکل اس طرح ہم دوسرے کچھے کے لئے ککھ سکتے ہیں

$$\lambda_2=N_2\phi=N_2N_1\frac{\mu_0A_a}{l_a}i_1+N_2^2\frac{\mu_0A_a}{l_a}i_2$$
 (2.35) 
$$=L_{21}i_1+L_{22}i_2$$

self inductance<sup>41</sup> self flux linkage<sup>42</sup> mutual inductance<sup>43</sup> mutual flux linkage<sup>44</sup>

جہاں

$$(2.36) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$(2.37) L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

ہیں۔ $L_{22}$  دو نمبر کیجے کی خود امالہ اور  $L_{11}=L_{12}$  ان دو کیجھوں کی مشتر کہ امالہ ہے۔ یہاں ہیہ واضح کرنا ضروری ہے کہ امالہ کا تضور اس وقت کارآ مد ہوتا جب ہم مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو اٹل تضور کر سکیں۔

مساوات 2.28 كو مساوات 2.27 مين استعال كرين تو

$$(2.38) e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = \frac{\partial (N\phi)}{\partial t} = \frac{\partial (Li)}{\partial t}$$

اگر امالہ مقررہ ہو جیسا کہ ساکن آلول میں ہوتا ہے تب جمیں امالہ کی جانی بیجانی مساوات ملتی ہے

$$(2.39) e = L \frac{\partial i}{\partial t}$$

مگر اگر امالہ بھی تبدیل ہو جیسا کہ موٹروں اور جزیٹروں میں ہوتا ہے تب

$$(2.40) e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

توانائی  $^{45}$  کی اکائی جاول $^{47}J$   $^{47}J$  ہے۔ اور طاقت $^{48}$  کی اکائی  $^{49}$  جاول فی سینٹر یا واٹ $^{47}J$  ہے۔

اس کتاب میں توانائی یا کام کو W سے ظاہر کیا جائے گا مگر طاقت کی اکائی واٹ W کے لئے بھی ہی کی علامت استعال ہوتی ہے۔امید کی جاتی ہے کہ اس سے غلطی پیش نہیں آئے گی اور استعال کو دیکھ کریہ فیصلہ کرنا کہ اس کا کونیا مطلب لیا جا رہا ہے دشوار نہ ہو گا۔

وقت کے ساتھ توانائی کی شرح کو طاقت کہتے ہیں المذاکسی کچھے کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$(2.41) p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ei = i\frac{\partial\lambda}{\partial t}$$

energy<sup>45</sup> Joule<sup>46</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>47</sup> جیمس پریسقوٹ جاول انگلستانی سائنسدان جنہوں نے حرارت اور میکانی کام کا رشتہ دریافت کیا 48-ممریم

<sup>49</sup> سکاٹلینڈ کے جیمز واٹ جنہوں نے بخارات پر چلنے والے انجن پر کام کیا

للذا ایک مقناطیسی دور میں  $t_1$  سے  $t_2$  تک کے وقفے میں مقناطیسی توانائی میں تبدیلی کو تکمل کے ذریعہ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

اگر مقناطیسی دور میں ایک ہی لچھا ہو اور اس دور میں امالہ اٹل ہو تب

$$\Delta W = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, \mathrm{d}\lambda = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\lambda}{L} \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{2L} \left( \lambda_2^2 - \lambda_1^2 \right)$$

اگر ہم لمحہ  $t_1$  پہ $t_2$  کو یوں کمھ سکتے ہیں  $\lambda_1=0$  کے  $\lambda_2=0$  کے  $\lambda_3=0$  کے ہیں مقاطیسی توانائی کو یوں کمھ سکتے ہیں  $\Delta W=\frac{\lambda^2}{2L}=\frac{Li^2}{2}$ 

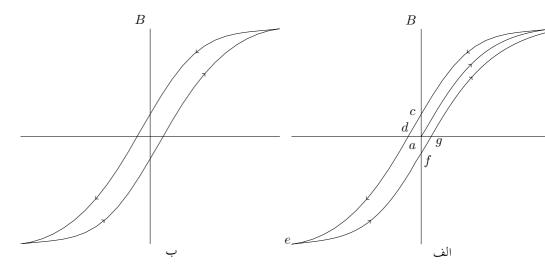
## 2.8 مقناطیسی ماده کر خصوصیات

مقناطیسی دوروں میں مرکز استعال کرنے سے دو طرح کے فوائد حاصل ہوتے ہیں۔ مرکز کے استعال سے ایک تو کم مقناطیسی دباؤ سے زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا کی جاستی ہے اور دو سری، مقناطیسی بہاو کو اپنی مرضی کے راستوں پابند کیا جاسکتا ہے۔ ٹرانسفار مروں میں مرکز کو استعال کر کے مقناطیسی بہاو کو اِس طرح پابند کیا جاتا ہے کہ جو مقناطیسی بہاو ایک کچھے سے گزرتا ہے۔ موٹروں میں مرکز کو استعال ایک کچھے سے گزرتا ہے۔ موٹروں میں مرکز کو استعال کر کے مقناطیسی بہاو کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پیدا ہو جبکہ جزیئروں میں اسے زیادہ سے زیادہ برقی دباؤ حاصل کرنے کی نیت سے پابند کیا جاتا ہے۔ مقناطیسی اشیاء کی B اور B کے تعلق کو گراف کے ذریعہ سے پیش کیا جاتا ہے۔ لوہا نما مقناطیسی اشیاء کی B سے ظاہر کیا گیا ہے۔ الف میں دکھائی گئی ہے۔ ایک لوہا نما مقناطیسی شمہ جس میں کسی قتم کی مقناطیسی اثر نہ ہو کو نقطہ B سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس نقطہ پر

$$H_a = 0$$

$$B_a = 0$$

باب 2. مقناطیسی ادوار باب 2. مقناطیسی ادوار



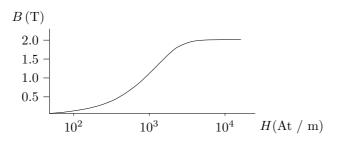
شکل 2.12: B-H خطوط یا مقناطیسی چال کے دائرے

الیی شہ کو کچھے میں رکھ کر اس پر مقناطیسی دباؤ لا گو کی جا سکتی ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت H لا گو کرنے سے لوہا نما مقناطیسی شہ میں کثافتِ مقناطیسی بہاو B پیدا ہو گی۔میدانی شدت بڑھانے سے کثافتِ مقناطیسی بہاو بھی بڑھے گی۔اس عمل کو نقطہ a سے شروع ایک نوکدار خط سے دکھلایا گیا ہے۔میدانی شدت کو نقطہ b تک بڑھایا گیا ہے جہاں پر مقداری B اور B ہیں۔

اگر اس نقطہ تک پینچنے کے بعد میدانی شدت کم کی جائے تو دیکھا یہ گیا ہے کہ واپی کی خط مختلف راستہ اختیار کرتی ہے۔ یوں نقطہ b سے اگر میدانی شدت کم کرتے کرتے صفر کی جائے تو لوہا نما شہ کی کثافتِ مقناطیسی بہاو کم ہو کر نقطہ c ہے۔ نقطہ d سے نقطہ d سے نقطہ d سے نقطہ d تک نوکدار خط اس عمل کو دکھلا رہی ہے۔ اس نقطہ پر بیرونی میدانی شدت صفر ہے لیکن لوہا نما شہ کی کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر نہیں۔ یہ اب ایک مقناطیس بن گیا ہے جس کی کثافتِ مقناطیسی بہاو d ہیں۔ مصنوعی مقناطیس اس طرح بنائے جاتے ہیں۔ بہاو d ہے۔ اس مقدار کو بقایا کثافت مقناطیسی بہاو d کہتے ہیں۔ مصنوعی مقناطیس اس طرح بنائے جاتے ہیں۔

اگر یہاں سے میدانی شدت منفی سمت میں بڑھائی جائے تو B کم ہوتے ہوتے آخر کار ایک مرتبہ کچر صفر ہو جاتی ہے۔اس نقطہ کو d سے ظاہر کیا گیا ہے۔مقاطیسیت ختم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی مقدار  $|H_d|$  کو مقاطیسیت ختم کرنے والی شدت یا خاتم شدت  $^{52}$  کہتے ہیں۔

magnetic flux!residual<sup>51</sup> coercivity<sup>52</sup>



شکل 2.13: M5 سٹیل کی 0.3048 ملی میٹر موٹی پتری کا خطہ میدانی شدت کا پیمانہ لاگ ہے۔

منفی سمت میں میدانی شدت بڑھاتے نقط e حاصل ہوتا ہے جہاں سے منفی سمت کی میدانی شدت کی مقدار ایک مرتبہ پھر کم کی جاتی ہے۔ یوں نقطہ f حاصل ہوتا ہے جہاں میدانی شدت صفر ہونے کے باوجود کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر نہیں۔ اس نقطہ پر لوہا نما شہ اُلٹ سمت میں مقناطیس بن چکا ہے اور  $B_f$  بقایا کثافتِ مقناطیسی بہاو ہے۔ اس طرح اس جانب مقناطیسیت ختم کرنے کی شدت  $|H_g|$  ہے۔ میدانی شدت بڑھاتے ہوئے ہم نقطہ d کی بجائے نقطہ d بینچے بیاں جانب مقناطیسیت ختم کرنے کی شدت ا

اگر برقی شدت کو متواتر اسی طرح پہلے ایک جانب اور پھر دوسری جانب ایک خاص حد تک لے جایا جائے تو آخر کار B - H خط ایک بند دائرے کی شکل اختیار کر لیتا ہے جسے شکل 2.12-ب میں دکھایا گیا ہے۔شکل 2.12-ب کو مقناطیسی چال کا دائرہ 53 کہتے ہیں۔

مختلف H کے لئے شکل 2.12-ب حاصل کر کے ایک ہی کاغذ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے b نقطے جوڑنے سے شکل 2.13 میں دکھایا B - H خط حاصل ہوتا ہے۔ شکل 2.13 میں ٹرانسفار مروں میں استعمال ہونے والی 80.3048 میں موجود مواد جدول 2.1 میں بھی دیا گیا میٹر موٹی M مرکز کی پتری کا M H خط دکھایا گیا ہے۔ اس خط میں موجود مواد جدول 2.1 میں بھی دیا گیا ہے۔ عموماً مقناطیسی مسائل حل کرتے ہوئے شکل 2.12 کی جگہ شکل 2.13 کی طرح کا خط استعمال کیا جاتا ہے۔ دھیان رہے کہ اس خط میں H کا پیانہ H گیا۔ H میں دکھایا گیا ہے۔

لوہا نما مقناطیسی اشیاء پر لا گو مقناطیسی شدت بڑھانے سے کثافتِ مقناطیسی بہاو بڑھنے کی شرح بندر تک کم ہوتی جاتی ہے حتی کہ آخر کار یہ شرح خلاء کی شرح  $\mu_0$  رہ جاتی ہے یعنی

$$\frac{\Delta B}{\Delta H} = \mu_0$$

hysteresis  $loop^{53}$  $log^{54}$ 

اس اثر کو سیرابیت 55 کہتے ہیں۔ یہ شکل 2.13 میں واضح ہے۔

شکل 2.12 سے واضح ہے کہ H کے کسی بھی قیمت پر B کے دو ممکنہ قیمتیں ہیں۔ اگر مقناطیسی بہاو بڑھ رہا ہو تو گراف میں نیچے سے اُوپر جانے والی لکیر اِس میں B اور H کے تعلق کو پیش کرتی ہے اور اگر مقناطیسی بہاو کم ہو رہا ہو تو اوپر سے نیچے آنے والی لکیر اِس تعلق کو پیش کرتی ہے۔ چونکہ  $\mu = B/H$  ، للذا B کے مقدار تبدیل ہونے سے  $\mu$  بھی تبدیل ہوتی ہے۔ باوجود اِس کے ہم مقناطیسی دورول میں یہ تصور کرتے ہیں کہ  $\mu$  ایک مقررہ ہے۔ یہ تصور کرتے ہیں کہ  $\mu$  ایک مقررہ ہے۔ یہ تصور کر لینے سے عموماً جواب پر زیادہ اثر نہیں پڑتا۔

مثال 2.7: شکل 2.13 یااس کے مساوی جدول 2.1 میں دیئے گئے مواد کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.6 کی خلاء میں ایک ٹسلا اور دو ٹسلا کثافت مقناطیسی بہاو حاصل کرنے کے لئے درکار برقی رو معلوم کریں۔اس شکل میں

 $b = 5 \,\mathrm{cm}, w = 4 \,\mathrm{cm}, l_a = 3 \,\mathrm{mm}, l_c = 30 \,\mathrm{cm}, N = 1000$ 

ہیں۔مرکز اور خلاء کی رقبہ عمودی تراش برابر لیں۔

حل: ایک ٹسلا کے لئے۔

جدول 2.1 سے ہم و کھتے ہیں کہ مرکز میں 1 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے مرکز کو 11.22 ایمپیئر - چکر فی H میٹر درکار ہیں۔ درکار ہے۔یوں 30 سم لیے مرکز کو 3.366 = 11.22  $\times$  0.3 ایمپیئر چکر درکار ہیں۔

خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795\,671$$

ایمپیئر-چکر فی میٹر درکار ہیں۔للذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 2387 = 795671 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہیں۔یوں کل دائمپیئر-چکر 2390.366 = 2387 + 2386 ہیں جن سے

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتی ہے۔

saturation<sup>55</sup>

2.9. بيجان شده لچها

B	H	B	H	B	H	B	H	B	H	B	H
0.000	0	0.700	9	1.480	30	1.720	200	1.852	1000	1.998	9000
0.040	2	0.835	10	1.540	40	1.752	300	1.900	2000	2.000	10000
0.095	3	1.000	11.22	1.580	50	1.780	400	1.936	3000	2.020	20000
0.160	4	1.100	12.59	1.601	60	1.800	500	1.952	4000	2.040	30000
0.240	5	1.200	14.96	1.626	70	1.810	600	1.968	5000	2.048	40000
0.330	6	1.300	17.78	1.640	80	1.824	700	1.975	6000	2.060	50000
0.440	7	1.340	20	1.655	90	1.835	800	1.980	7000	2.070	60000
0.560	8	1.400	23.77	1.662	100	1.846	900	1.985	8000	2.080	70000

جدول 2.1: مقناطيسي بهاو بالمقابل شدت

حل: دو ٹسلا کے لئے۔

H جدول 2.1 سے ہم دیکھتے ہیں کہ مرکز میں 2 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے مرکز کو 10000 ایمپیئر - چکر فی میٹر  $0.3 \times 1000$  درکار ہے۔ یوں 30 سم لمبے مرکز کو 3000 = 3000  $0.3 \times 1000$  ایمپیئر چکر درکار ہیں۔خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591342$$

ایمپیئر- چکر فی میٹر در کار ہیں۔للذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 4774 = 4774 × 0.003 ایمپیئر چکر در کار ہیں۔یوں کل دائمپیئر- چکر 7774 = 4774 + 3000 ہیں جن سے

$$i = \frac{7774}{1000} = 7.774 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتی ہے۔

اس مثال میں مقناطیسی سیراہیت کے اثرات واضح ہیں۔

# 2.9 بيجان شده لچها

عموماً بدلتی رو بجل میں برقی دباؤ اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں لینی یہ وقت کے ساتھ sin w یا sin کا تعلق رکھتے ہیں۔ اِس سبق میں ہم بدلتی رو سے کچھے کو بیجان کرنا اور اس سے نمودار ہونے والے برقی توانائی کے

ضیاع کا تذکرہ کریں گے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ مرکز میں کثافت مقناطیسی بہاو

$$(2.47) B = B_0 \sin \omega t$$

arphiیوں مرکز میں بدلتا مقناطیسی بہاو

$$(2.48) \varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$$

ہے۔اس مساوات میں مقناطیسی بہاو کا حیطہ  $+\phi_0$  اور  $+\omega$  کا حیطہ  $+\omega$  مابین تبدیل ہوتے ہیں۔ $+\omega$  مرکز کا رقبہ عمود کی تراش ہے جو ہر جگہ میسال ہے۔ $+\omega=2\pi$  سے جہال  $+\omega=2\pi$  تعدد ہے۔

فیراڈے کے قانون لینی مساوات 2.27 کے تحت اس مقناطیسی بہاو کی وجہ سے کچھے میں e(t) برقی دباؤ پیدا ہو گی۔

(2.49) 
$$e(t) = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

$$= \omega N \phi_0 \cos \omega t$$

$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$

$$= E_0 \cos \omega t$$

جس کا حیطہ

$$(2.50) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ے۔ $e(t)^{56}$  کو امالی برقی دباؤ $e(t)^{56}$  کہتے ہیں۔

ہم بدلتی رو مقداروں کے مربع کی اوسط کے جزر میں دلیجی رکھتے ہیں۔ یہی ان مقداروں کی موثو  $^{57}$  قیمت ہوتی ہے۔ جیسا صفحہ 19 پر مساوات 1.44 میں دیکھا گیا ہے، ایک سائن نما موج کی موثر قیمت اس کے حیطہ کے  $1/\sqrt{2}$  گنا ہوتی ہے لہذا

$$(2.51) E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

یہ مساوات بہت اہمیت رکھتی ہے اور ہم اس کو بار بار استعال کریں گے۔بدلتی برقی دباؤ یا بدلتی برقی رو کی مقدار کی جب بھی ذکر ہو، یہ ان کی مربع کی اوسط کے جزر یعنی اس کے موثر قیت کا ذکر ہوتا ہے۔پاکستان میں گھریلو برقی

induced voltage<sup>56</sup> root mean square, rms<sup>57</sup>

2.9. بيجان شده لچها

د باؤ 220 وولٹ ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اس برقی د باؤ کی موثر قیمت 220 وولٹ ہے۔ چونکہ یہ سائن نما ہے للذا اس کی چوٹی  $\sqrt{2} \times 220 = 311$  اس کی چوٹی

مثال 2.8: شکل 2.7 میں 27 چکر ہیں۔ مرکز کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عمودی تراش 229.253 مربع سم ہے۔ کچھے میں گھریلو 220 وولٹ موثر برقی دباؤسے ہیجان پیدا کیا جاتا ہے۔جدول 2.1 کی مدد سے مختلف برقی دباؤ پر محرک برقی رو معلوم کریں اور اس کا خط کھیخیں۔

حل: گھر ملو برقی د باؤ 50 ہر ٹز کی سائن نما موج ہوتی ہے یعنی

$$(2.52) v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$$

مساوات 2.51 کی مدد سے ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی حاصل کرتے ہیں

(2.53) 
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 \,\mathrm{T}$$

للذا مر کز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر سے 1.601 ٹسلا کے در میان تبدیل ہوتی رہتی ہے۔یوں مرکز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کی مساوات یہ ہو گی

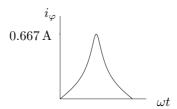
$$(2.54) B = 1.601 \sin \omega t$$

ہم فہرست کی مدو سے کثافتِ مقناطیسی بہاو کے 0 سے 1.601 ٹسلا کے درمیان مختلف قیمتوں پر درکار محرک برقی رو فہرست کی مدو سے کثاف B پر جدول 1.5 سے مرکز کی H حاصل کریں گے جو کہ ایک میٹر کمبی مرکز کے لئے درکار ایمپیئر - چکر دیتی ہے۔ اس سے 30 سم کمبی مرکز کے لئے درکار ایمپیئر - چکر حل کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔

 $\omega t$  جدول 2.2 مختلف کثافت مقناطیسی بہاو کے لئے درکار محرک برقی رو دیتی ہے۔جدول میں ہر B کی قیمت پر  $\omega t$  مساوات 2.5 کی مدد سے حاصل کی گئی ہے۔  $\omega t$  بالمقابل محرک برقی رو کا خط شکل 2.14 میں دیا گیا ہے۔

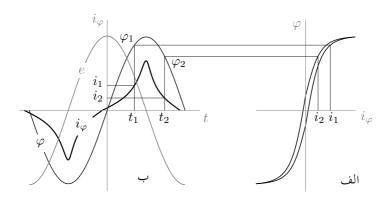
$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$
0.675	1.000	11.22	3.366	0.125	0.000	0.000	0	0.000	0.000
0.757	1.100	12.59	3.777	0.140	0.025	0.040	2	0.600	0.022
0.847	1.200	14.96	4.488	0.166	0.059	0.095	3	0.900	0.033
0.948	1.300	17.78	5.334	0.198	0.100	0.160	4	1.200	0.044
0.992	1.340	20	6.000	0.222	0.150	0.240	5	1.500	0.056
1.064	1.400	23.77	7.131	0.264	0.208	0.330	6	1.800	0.067
1.180	1.480	30	9.000	0.333	0.278	0.440	7	2.100	0.078
1.294	1.540	40	12.000	0.444	0.357	0.560	8	2.400	0.089
1.409	1.580	50	15.000	0.556	0.453	0.700	9	2.700	0.100
1.571	1.601	60	18.000	0.667	0.549	0.835	10	3.000	0.111

جدول 2.2: محرک برقی رو



شکل 2.14: M5 پتری کے مرکز میں 1.6 ٹسلا تک بیجان پیدا کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو۔

2.9. بيجان شده لچها



شكل 2.15: بيجان انگيز برقي رو.

برتی کچھ میں برتی دباؤ سے ہیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ پیجان شدہ کچھے میں برتی روکی وجہ سے مرکز میں مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ اس برقی رو $i_{\phi}$  کو ہیںجان انگیز برقی رو $i_{\phi}$  کیتے ہیں۔

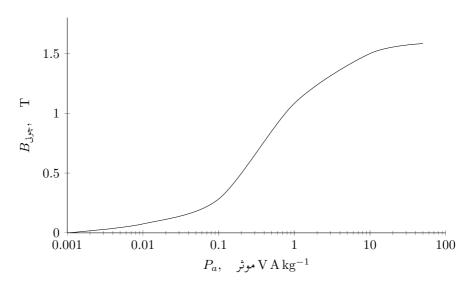
مثال 2.8 میں بیجان انگیز برقی رو معلوم کی گئی جے شکل 2.14 میں دکھایا گیا۔اسے حاصل کرتے وقت مقناطیسی چال 50 کو نظر انداز کیا گیا۔شکل 2.15 میں بیجان انگیز برقی رو ہؤ دکھائی گئی ہے جو مقناطیسی چال کو مدِ نظر رکھ کر حاصل کی گئی ہے۔ اس کو سمجھنا نہایت ضروری ہے۔ شکل 2.15-الف میں مقناطیسی چال کا خط ہے۔چونکہ

$$Hl = Ni$$
 
$$\varphi = BA_{c}$$

ہیں للذا مقناطیسی چال کے خط کو  $\varphi - i_{\varphi}$  کا خط کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.15-ب مرکز میں سائن نما مقناطیسی بہاو  $\varphi$  و کھا رہا ہے۔ سائن نما مقناطیسی بہاو کی موج وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے۔ لمحہ  $t_1$  پر اس موج کی مقدار  $\varphi$  مقدار ہے۔ مقناطیسی بہاو  $\varphi$  حاصل کی جا سکتی ہے۔ اس ہوتی رو آئ شکل - الف سے حاصل کی جا سکتی ہے۔ اس ہمان انگیز برقی رو گؤ شکل - بین لمحہ  $t_1$  پر دکھایا گیا ہے۔

وھیان رہے کہ لمحہ استعال کرنا ضروری ہے لہذا مقناطیسی بہاو بڑھ رہی ہے لہذا مقناطیسی چال کے خط کا صحیح حصہ استعال کرنا ضروری ہے۔ شکل 2.15-الف میں ہو نے بور جاتا ہوا حصہ استعال کیا گیا ہے۔مقناطیسی بہاو بڑھنے کی صورت میں شکل 2.12-ب میں نیچے سے اوپر جاتے ہوئے حصے پر تیر کا استعال کیا گیا ہے۔مقناطیسی بہاو بڑھنے کی صورت میں شکل 2.12-ب میں نیچے سے اوپر جاتے ہوئے حصے پر تیر کا

excitation current<sup>58</sup> hysteresis<sup>59</sup>



شکل 2.16: پچاس برٹز پر 0.3 ملی میٹر موٹی پتری کے لئے درکار موثر وولٹ-امپیئر فی کلوگرام مرکز

نشان صحیح سمت دکھلاتا ہے۔اسی طرح مقاطبیسی بہاو گھنے کی صورت میں اوپر سے ینچے جاتے تھے پر تیر کا نشان صحیح حصہ دکھلاتا ہے۔

لحہ  $t_2$  پر مقناطیسی بہاو گھٹ رہی ہے۔اس لمحہ پر مقناطیسی بہاو  $\varphi_2$  ہے اور اسے حاصل کرنے کے لئے درکار بیجان انگیز برقی رو  $i_2$  ہے۔

 $i_{arphi}$  اگراسی طرح مختلف لمحات پر درکار بیجان انگیز برتی رو حاصل کی جائے تو ہمیں شکل 2.15-ب میں دکھائی گئی کا خط ملے گی۔ یہ ایک غیر سائن نما خط ہے۔

و گا۔ شکل  $e=N\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}=N\phi_0\omega\cos\omega t$  ہو تب برقی دباؤ ہو ہو  $\varphi=\phi_0\sin\omega t$  ہو گا۔ شکل جہ جاتے ہیں کہ اگر کہ و کا میں اس برقی دباؤ کو بھی دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی بہاو برقی دباؤ سے 90° چیچھے ہے۔ -2.15

اگر مرکز میں  $B=B_0\sin\omega t$  ہو تو اِس میں H اور  $i_{arphi}$  ایک غیر سائن نما شکل اختیار کر لیتے ہیں۔ اس صورت میں اِن کے موثر قیمتوں  $H_{c,rms}$  اور  $i_{arphi,rms}$  کا تعلق سے ہے

$$(2.56) Ni_{\varphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

2.9. بيجان شده لچها

مساوات 2.51 اور مساوات 2.56 سے ملتا ہے

$$(2.57) E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2\pi}fB_0H_{c,rms}A_cl_c$$

یہاں  $A_c l_c$  مرکز کا حجم ہے۔ لہذا یہ مساوات ہمیں  $A_c l_c$  حجم کی مرکز کو  $B_0$  کثافت مقاطیسی بہاو تک ہیجان کرنے کے لئے درکار  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  بتلاتا ہے۔ ایک مقاطیسی مرکز جس کا حجم  $A_c l_c$  اور میکانی کثافت  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  بین کہیت  $m_c = \rho_c A_c l_c$  مرکز، کے لئے مساوات 2.57 کو یوں کھھ سکتے ہیں

$$P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2}\pi f}{\rho_c}B_0H_{c,rms}$$

 $H_{c,rms}$  ویکھا جائے تو کسی ایک تعدد f پہ  $P_a$  کی قیمت صرف مرکز اور اس میں  $B_0$  یعنی چونی گلے متحصر ہے، چونکہ خود  $B_0$  پیدا کرنے کیلئے در کار خود  $B_0$  پیدا کرنے کیلئے در کار  $B_0$  بیدا کرنے کیلئے در کار  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$ ، کو  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$ ، کو  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کو  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کو  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کو  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کو  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کو  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  کا بیا گراف شکل میں دیتے ہیں۔ مرکز کی  $E_{rms}i_{\varphi,rms}$  ایسا گراف شکل میں دکھایا گیا ہے۔

باب 3

# طرانسفارمر

ٹرانسفار مر وہ آلہ ہے جو بدلتی برتی دباؤ تبدیل کرتا ہے۔ یہ دویا دوسے زیادہ کچھوں پر مشتمل ہوتا ہے جو مقناطیسی مرکز اپر لیٹے ہوتے ہیں۔ یہ کچھے عموماً آپس میں جُڑے ہوئے نہیں ہوتے۔شکل 3.1-الف میں ٹرانسفار مرکی علامت د کھائی گئی ہے۔ دو کچھوں کے در میان متوازی لکیریں مقناطیسی مرکز کو ظاہر کرتی ہیں۔

دستیاب برقی دباؤ پر ٹرانسفار مر کے ایک کچھے کو برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے اور باقی کچھوں سے مختلف برقی دباؤ پر یہی برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے۔ جس کچھے پر برقی دباؤ لا گو کیا جائے اسے ابتدائی پچھا<sup>3</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر کی اس جانب کو ابتدائی جانب کہتے ہیں۔ اس طرح جس کچھے (کچھوں) سے برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے اسے (انہیں) ثانوی پچھا<sup>3</sup> (کچھے) کہتے ہیں اور اس جانب کو ثانوی جانب<sup>6</sup> کہتے ہیں۔ یہ شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب کو بائیں ہاتھ کی جانب اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ کی جانب بنایا جاتا ہے۔

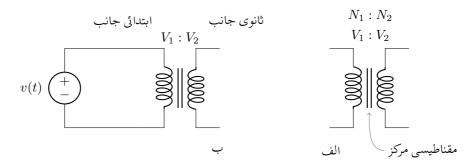
بڑے ٹرانسفار مرعموماً دو ہی کچھوں پر مشتمل ہوتے ہیں۔اس کتاب میں ہم دو ہی کچھوں کے مقناطیسی مرکز پر لیٹے قوی ٹرانسفار مریر تبصرہ کریں گے۔

magnetic core1

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>بدلئی برقی دباؤ کی علامت میں مثبت اور منفی نشان وقت صفر پر برقی دباؤ کی مثبت اور منفی سرے ظاہر کرتے ہیں۔ primary coil<sup>3</sup> primary side<sup>4</sup>

secondary coil<sup>5</sup> secondary side<sup>6</sup>

56 باب 3. ٹرانسفارمر



شكل 3.1: ٹرانسفارمر كى علامت.

ٹرانسفار مرکے کم برقی دباؤ کے لیچے کو کم برقی دباؤ کا لچھا<sup>7</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو کم برقی دباؤ والی جانب کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر دباؤ والی جانب کہتے ہیں جبکہ اس کے زیادہ برقی دباؤ کے لیچے کو زیادہ برقی دباؤ کا لچھا<sup>8</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر کی اس جانب کو زیادہ برقی دباؤ والی جانب کہتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مر کے کم برقی دباؤکی جانب برقی دباؤلا گو کیا جائے اور زیادہ برقی دباؤکی جانب سے برقی دباؤ حاصل کیا جائے تو ٹرانسفار مرکی کم برقی دباؤوالی جانب کو ابتدائی جانب کہیں گے اور اس کی زیادہ برقی دباؤوالی جانب کو ثانوی جانب کہیں گے۔

## 3.1 ٹرانسفارمر کی اہمیت

برلتی روکی برقی طاقت اتنی مقبول اس لئے ہوئی ہے کہ یہ ایک جگہ سے دوسری جگہ با آسانی اور نہایت کم برقی طاقت کی ضیاع کے ساتھ منتقل کی جاسکتی ہے۔ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباؤ اگی خصوصیت ایبا کرنے میں کلیدی کردہر ادا کرتی ہے۔ یہ ایک مثال سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔

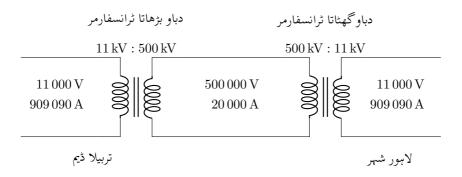
مثال 3.1: شکل 3.2 سے رجوع کریں۔ برقی دہاؤ اور برقی رو کی حاصل ضرب برقی طاقت ہوتی ہے لینی

low voltage coil<sup>7</sup>

high voltage coil<sup>8</sup>

voltage transformation property9

3.1. تُرانسفارمر كي اہميت



شكل 3.2: برقى طاقت كى منتقلى.

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

اب تصور کریں کہ تربیلا ڈیم 000,000,000,000 واٹ لینی وس گیگا واٹ 10 برقی طاقت پیدا کر رہا ہے اور اس طاقت کو لاہور 11 شہر منتقل کرنا ہے جہال گھر بلو صارفین کو یہ 220 وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔اگر ہم اس طاقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقل کرنا چاہیں تو برتی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{220} = 45\,454\,545\,\mathrm{A}$$

ہو گی۔ برقی تار میں کثافتِ برقی رو  $J_{au}$  تقریباً 5 ایمپیئر فی مربع ملی میٹر  $\frac{A}{mm^2}$  کا مکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافتِ برقی رو ہے۔ اگر برقی تار میں اس سے زیادہ برقی رو گزاری جائے تو اس کی مزاحمت میں برقی طاقت کے ضیاع سے یہ گرم ہو کر بگھل سکتی ہے۔ اس طرح صفحہ 12 پر مساوات 1.25 سے برقی تار کا رقبہ عمودی تراش

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{45454545}{5} = 9\,090\,909\,\mathrm{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تو اس کا رداس

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{9090909}{\pi}} = 1701 \,\mathrm{mm} = 1.7 \,\mathrm{m}$$

Giga Watt<sup>10</sup>

11 ضلع صوابی میں بھی لاہور ایک تحصیل ہر لیکن اس شہر کو اتنی طاقت نہیں درکار

باب 3. ٹرانسفارمر 58

حاصل ہوتی ہے۔آپ نے دیکھا کہ درکار برقی تار کا رداس 1.7 میٹر ہے۔اتنی موٹی برقی تار کہیں نہیں یائی جاتی ہے  $ho_v = 2700 \, rac{\mathrm{kg}}{2}$  تار کی کمیت  $ho_v = 2700 \, rac{\mathrm{kg}}{2}$  تار کی کمیت  $m = 2700 \times \pi \times 1.7^2 \times 1 = 24513 \,\mathrm{kg}$ 

یعنی 24 ٹن ہو گی۔المونیم اتنی مہنگی ہے کہ اس صورت میں اتنی برقی طاقت کو لاہور پہنجانا ممکن نہیں 3۔

ڈیم پر ایک ٹرانسفار مر نسب کیا جائے جو برقی دباؤ کو بڑھا کر 000 500 وولٹ لیعنی 500 کلو وولٹ کر دے تب صرف

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{500\,000} = 20\,000\,\text{A}$$

ایمپیئر در کار ہوں گے جس کے لئے در کار پرقی تار

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{20\,000}{5} = 4000\,\text{mm}^2$$
$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{4000}{\pi}} = 35.7\,\text{mm}$$

صرف 35 ملی میٹر ردایں کی ہو گی۔

اس مثال میں اگر تربیلا ڈیم میں نسب جنریٹر 11000 وولٹ برقی دیاؤ پیدا کر رہا ہو تو تربیلا ڈیم پر نسب ٹرانسفار م رتی دباؤ کو 11000 وولٹ سے بڑھا کر 500 کلو وولٹ کرے گا جبکہ لاہور شہر میں نسب ٹرانسفار مراس برتی دباؤ کو 500 کلو وولٹ سے واپس 11000 وولٹ کر دے گا۔

اسی مثال کو مزید آگے لیے جاتے ہیں۔شہر میں 220 وولٹ کی بجائے 11000 وولٹ صارف تک پہنچائے جائیں گے اور۔وہیں نزدیک ایک اور ٹرانسفارم 11000 وولٹ کو مزید گھٹا کر صارف کو 220 وولٹ فراہم کرے گی۔

شکل 3.2 میں ڈیم سے شہر تک کا نظام د کھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نسب ٹرانسفار م کو یہ قی دماؤیڈ ہاتا ٹرانسفار مو<sup>14</sup> اور لاہور میں نسب ٹرانسفار مرکو بوقی دباؤ گھٹاتا ٹرانسفار مو 15 کہا گیا ہے۔

برقی طاقت عموماً 11 کلو وولٹ اور 25 کلو وولٹ کے مابین پیدا کی حاتی ہے۔اس کی منتقل 110 کلو وولٹ اور 1000 کلو وولٹ کے مابین کی حاتی ہے جبکہ اس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>ت مانیں یا نہ مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی برقی تار کبھی نہیں دیکھی <sup>13</sup>تے کل لاہور میں لوڈ شیدنگ اس وجہ سے نہیں step up transformer<sup>14</sup>

step down transformer<sup>15</sup>

3.2. ٹرانسفارمر کیے اقسام

## 3.2 ٹرانسفارمر کر اقسام

گھروں اور کارخانوں کو برقی طاقت فراہم کرنے والے ٹرانسفار مر مقناطیسی مرکز پر لیٹے جاتے ہیں۔ یہ عموماً تین موحلہ <sup>16</sup> ہوتے ہیں۔ اور انہیں لوہسے کیے مرکز والمیے تین موحلہ قوی ٹرانسفار مر<sup>17</sup> کہتے ہیں۔

نہایت جھوٹے ٹرانسفار مر عموماً لوہے کی مرکز اور ایک موحلہ 18 ہوتے ہیں۔ یہ گھریلو استعال کے برقی مثنین، مثلاً موبائل جارجر، میں لگے ہوتے ہیں اور 220 وولٹ سے برقی دباؤ مزید گھٹاتے ہیں۔

کچھ ٹرانسفار مر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی دباؤ ان کی ابتدائی جانب برقی دباؤ کی خاص نسبت سے ہو۔ یہ نسبت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ انہیں دباؤ کیے ٹرانسفار مو 10 کہتے ہیں۔ اس طرح کچھ ٹرانسفار مر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی رو، ابتدائی جانب برقی رو کی خاص نسبت سے ہو۔ یہ نسبت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ ان کو رو کھے ٹرانسفار مر <sup>20</sup> کہتے ہیں۔ یہ دو قسم کے ٹرانسفار مر کسی نسبت سے ہی برقی دباؤ یا برقی رو برقی دباؤ اور برقی رو ناپنے کے لئے استعال ہوتے ہیں۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مرکسی نسبت سے ہی برقی دباؤ یا برقی رو کھی جاتی ہے۔ ان دو اقسام کے ٹرانسفار مروں کی برقی استعداد 21 نہایت کم 22 ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مر کے لیجھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو خلاء کے ذریعہ بھی ممکن ہے۔ انہیں خلائی موکز کیے ٹوانسفار مو دور کہتے ہیں۔ ان ٹوانسفار مود<sup>23</sup> کہتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مود دور کہتے ہیں۔ ان ٹرانسفار مردوں کی علامت شکل الف کی طرح ہوتی ہے مگر اس میں مقناطیسی مرکز ظاہر کرنے والی متوازی کلیریں نہیں ہوتیں۔ ہوتیں۔

three  $phase^{16}$ 

iron core, three phase power transformer<sup>17</sup>

single phase<sup>18</sup>

potential transformer<sup>19</sup>

current transformer<sup>20</sup>

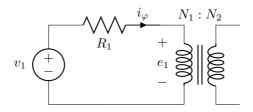
electrical rating<sup>21</sup>

<sup>22</sup> يم عموماً تقريباً پچيس وولث-ايمپيئر استعداد ركهت<sub>ح بس</sub>ـ

 $<sup>{</sup>m air\ core\ transformer^{23}}$ 

communication transformer<sup>24</sup>

90 باب 3. ٹرانسفارمر



شكل 3.3: بيروني برقى دباؤ اور اندروني امالي برقى دباؤ ميں فرق.

## 3.3 امالي برقى دباؤ

اس جھے کا بنیادی مقصد بیرونی برتی دباؤ v اور اندرونی امالی برتی دباؤ e میں فرق واضح کرنا اور اس سے تعلق رکھنے والی تکنیکی اصطلاح کا تعارف کرانا ہے۔

شکل 3.3 میں بے بوجھ  $^{25}$  ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے لیعنی اس کے ثانوی کچھے کو کھلے دور رکھا گیا ہے۔ابتدائی کچھے پر برقی رو سے پیدا  $v_1$  برقی دباؤ لا گو کرنے سے ابتدائی کچھے میں بیجان انگیز  $^{25}$  برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ  $N_1i_{\varphi}$  مرکز میں مقناطیسی بہاو  $\varphi$  کو جنم دے گی۔ یہ بدلتی مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے میں امالی برقی دباؤ  $v_1$  پیدا کرتی ہے جہاں  $v_1$ 

$$e_1 = -\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t} = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

اس مساوات میں

- که ابتدائی کیچے کی مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے
- مقناطیسی مرکز میں مقناطیسی بہاو جو دونوں کچھوں میں سے گزرتی ہے  $\varphi$ 
  - ابتدائی کچھے کے چکر  $N_1$  •

unloaded<sup>25</sup> excitation current<sup>26</sup> 3.3. امالي برقى دباؤ

# ا گر اس ابتدائی کچھے کی برقی تار کی مزاحمت $R_1$ ہو تب کرچاف کے قانون برائے برقی د ہاؤ سے $v_1=i_{\omega}R_1+e_1$

شکل میں اس مزاحمت کو ٹرانسفار مر کے باہر دکھایا گیا ہے۔اس کچھے کی رِستا متعاملہ بھی ہوتی ہے لیکن اسے یہاں نظرانداز کیا گیا ہے۔عام تر طاقت کے ٹرانسفار مر اور موٹروں میں  $i_{\varphi}R_1$  کی قیمت  $e_1$  اور  $v_1$  سے بہت کم ہوتی ہے لہٰذا اسے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے ہم لکھ سکتے ہیں

$$v_1 = e_1 = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

(3.2)

مساوات 3.2 سے یہ ثابت ہوتا ہے کہ بیرونی لا گو برتی دباؤ  $v_1$  اور اندرونی امالی برتی دباؤ  $e_1$  دو علیحدہ برتی دباؤ  $v_1$  ہیں۔  $v_2$  بیں۔ بیر بات سمجھ لینا بہت ضروری ہے۔ مساوات 3.3 کے تحت ان دو برتی دباؤ کی مقداریں عموماً برابر ہوتی ہیں۔  $v_3$  کتاب میں عموماً مساوات 3.3 کی طرح مساواتوں میں دائیں جانب منفی کی علامت نہیں لکھی گئی۔ عموماً برتی دباؤ کی قیمت درکار ہوتی ہے نا کہ اس کی علامت۔

لچھا ہیںجان<sup>28</sup> کرنے سے مراد اس پر بیرونی برقی دباؤ لاگو کرنا جبکہ کچھے پر لاگو بیرونی برقی دباؤ کو ہیںجان انگیز برقی دباؤ<sup>29</sup> کہتے ہیں۔ کچھے کو ہیںجان شدہ کچھا<sup>30</sup> جبکہ اس میں رواں برقی رو کو ہیںجان انگیز برقی رو<sup>31</sup> کہتے ہیں۔

برقی دباؤ عموماً کچھے سے گزرتی متناطیسی بہاوکی تبدیلی سے حاصل کی جاتی ہے۔اگر ایبا کرتے کچھا ساکن رہے، جیسا کہ ٹرانسفار مر میں ہوتا ہے، تب حاصل برقی دباؤ کو امانی بوقی دباؤ 32 کہتے ہیں۔اگر برقی دباؤ کا حصول متناطیسی میدان میں کچھے کی حرکت سے ممکن بنایا جائے تب اسے محرک بوقی دباؤ 33 کہتے ہیں۔یاد رہے ان برقی دباؤ میں کسی قشم کا فرق نہیں ہوتا۔انہیں مختلف نام صرف بچیان کی خاطر دئے جاتے ہیں۔

جس سے طلباء کو یہ غلط فہمی لاحق ہو جاتی ہے کہ یہ ایک ہی برقی دباؤ کے دو نام ہیں۔  $^{27}$  excitation  $^{28}$ 

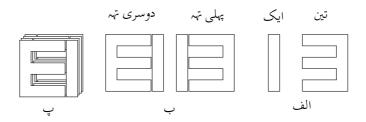
excitation voltage<sup>29</sup>

excited coil<sup>30</sup>

excitation current<sup>31</sup> induced voltage<sup>32</sup>

electromotive force, emf<sup>33</sup>

92 پاپ 3. ٹرانسفارمر



شکل 3.4: مرکزی پتری کر اشکال اور ان کو ته در ته رکهنر کا طریقه

# 3.4 پیجان انگیز برقی رو اور مرکزی ضیاع

جہاں مقناطیسی مرکز میں بدلتی مقناطیسی بہاو ثانوی کچھوں میں فائدہ مند برقی دباؤ پیدا کرتی ہے وہاں یہ مقناطیسی مرکز میں نقصان دہ برقی دباؤ کو بھی جنم دیتی ہے جس سے مقناطیسی مرکز میں بھنور نھا بوقی رو  $^{16}$  پیدا ہوتی ہے۔ اس بھنور نما برقی دو کا ضیاع  $^{16}$  یا مرکزی نما برقی دو کی وجہ سے مقناطیسی مرکز میں برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جسے بھنور نما برقی دو کا ضیاع  $^{16}$  کہتے ہیں۔ اس برقی طاقت کے ضیاع کو کم سے کم کرنے کیلئے مقناطیسی مرکز کو باریک لوہ کی پتریاں  $^{16}$  تہم در تہم رکھ کر بنایا جاتا ہے۔ ان پتریوں پر غیر موصل روغن  $^{16}$  کی تہم لگائی جاتی ہے تاکہ بھنور نما برقی روکو روکا جا سکے۔ آپ دیکھیں گے کہ برقی مشین کا مرکز عموماً اس طرح بنایا جاتا ہے۔ شکل 2.13 اور جدول 2.1 میں  $^{18}$  کی ہے۔ میٹر موٹی  $^{18}$  کے مواد دی گئی ہے۔

مرکزی پتریاں عموماً دو اشکال کی ہوتی ہیں۔ یہ شکل 3.4-الف میں دکھایا گیا ہے۔ان کی شکل کی وجہ سے یہ ایک شکل اور تین کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ان دو شکل اور تین کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ان دو طریقوں سے انہیں تہہ در تہہ رکھا جاتا ہے۔الہٰذا اگر پہلی تہہ میں ایک دائیں جانب اور تین بائیں جانب رکھا جائے واس کے اوپر دوسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جانب رکھا جائے گا۔تیسری تہہ میں پھر ایک کو دائیں اور تین کو بائیں جانب رکھا جائے گا۔اس طرح انہیں جوڑ کر شکل کے حصہ د میں دکھائی گئی مرکز حاصل کی جاتی ہے۔

eddy currents<sup>34</sup>

eddy current loss<sup>35</sup>

 $core~loss^{36}$  laminations<sup>37</sup>

 $enamel^{38}$ 

 $E, I^{39}$ 

میجان انگیز برقی رو بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مر میں میسال ہوتا ہے۔ جیسا کہ پہلے بھی ذکر کیا گیا ہے، قوی ٹرانسفار مر اور موٹروں میں برقی دباؤ اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں جبکہ بیجان انگیز برقی رو ان میں غیر سائن نما ہوتی ہے للذا اگر

(3.4) 
$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / 90^\circ$$

ہو تو

(3.5) 
$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t} = \omega N_1 \phi_0 \cos \omega t$$
 
$$\hat{E_1} = \omega N_1 \phi_0 / 0$$

ہو $^{60}$  گی۔ یہاں  $\phi_0$  مقناطیسی بہاو کے حیطہ کو ظاہر کرتی ہے،اور  $\omega$  زاویائی تعداد ارتعاش کو لعنی  $2\pi f$  جہاں f تعداد  $e_1$  اور  $e_2$  ما بین  $e_3$  کا زاویہ ہے۔ یہ شکل 3.5 میں دکھایا گیا ہے۔  $e_1$  اور  $e_2$  کا بین  $e_3$  کی موثر قیمت  $e_4$  ہیں تاہا ہے۔  $e_4$  اور  $e_5$  کی موثر قیمت  $e_{2ms}$ 

(3.6) 
$$E_{rms} = \frac{\omega N_1 \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N_1 \phi_0$$

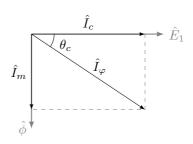
ہے۔اس کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں

$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44 f N_1 \phi_0}$$

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر ثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک کچھے پر  $E_{rms}$  موثر برقی دباؤ لا گو کی جائے تو یہ کچھا اتنی ہیجان انگیز برقی رو $_i$  گزرنے دیتی ہے جس سے نمودار ہونے والا مقناطیسی بہاو مساوات 3.7 میں دیئے گئے مقناطیسی بہاو  $_i$  کے برابر ہو۔ یہ بات نہ صرف ٹرانسفار مر بلکہ کسی بھی مقناطیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔  $_i$ 

ن نما بیجان انگیز برتی رو 
$$_{arphi}$$
 کو فوریئر تسلسل  $^{\scriptscriptstyle 14}$  سے یوں لکھ سکتے ہیں۔  $i_{arphi}=\sum_{n}\left(a_{n}\cos n\omega t+b_{n}\sin \omega t\right)$ 

<sup>40</sup> اس مساوات میں اور اس کے بعد پوری کتاب میں امالی برقی دباؤ کے ساتھ منفی کی علامت نہیں لگائی جائے گی Fourier series<sup>41</sup>



شکل 3.5: مختلف مرحلی سمتیوں کے زاویے۔

اس میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جزو<sup>42</sup> کہتے ہیں اور باقی حصہ کو موسیقائی جزو<sup>43</sup> کہتے ہیں۔ بنیادی جزو میں میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کہ جم اوات 3.5 میں دی گئی ہے جزو میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  ہم قدم ہے۔ لیتی یہ دونوں وقت کے ساتھ کیساں بڑھتے اور گھتے ہیں جبکہ اس میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  نوے درجہ زاویہ  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کے جم قدم ہے۔ این میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  مرکز میں مختلف وجوہات سے برقی طاقت ضائع ہونے کو ظاہر کرتی زاویہ  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  مرکز میں مختلف وجوہات سے برقی طاقت ضائع ہونے کو ظاہر کرتی ہے۔ اس کے بیسے اس جزو کو مرکزی ضیاع کا جزو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  میں ہوتی دو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  میں بنانے والا برقی رو یا مقناطیسی بوقی دو  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  میں موسیقائی جزو سب سے زیادہ انہم ہے۔ توی ٹرانسفار مروں میں یہ تیسر کی موسیقائی جزو عمواً کل جیجان انگیز برقی رو کے 40 فی صد ہوتی ہے۔

سوائے وہاں، جہاں بیجان انگیز برقی رو کے اثرات پر غور کیا جا رہا ہو، ہم بیجان انگیز برقی رو کے غیر سائن نما ہونے کو نظرانداز کرتے ہیں۔ قوی ٹرانسفار مرکی ہیجان انگیز برقی رو اس کی کل پر برقی رو  $^{46}$  کے صرف 5 فی صد کے قریب ہوتی ہے۔ لہٰذا اس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔ لہٰذا ہم ہیجان انگیز برقی رو کو سائن نما تیجان انگیز برقی رو کہ آثرات پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ اس فرضی سائن نما ہیجان انگیز برقی رو  $^{47}$  کی موثر قیت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ  $\theta_c$  یوں رکھا جاتا ہے کہ اس سے حاصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل 3.5 کی مدد سے یہ بات مجھنی زیادہ آسان ہے۔ شکل میں اگر دیکھا جائے تو

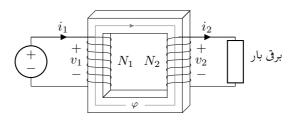
 $(3.9) p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$ 

fundamental component<sup>42</sup> harmonic components<sup>43</sup>

core loss component<sup>44</sup>

magnetizing current<sup>45</sup>

کُل برقی رو سے مراد وہ برقی رو ہے جو کُل برقی ہوجھ لادنے سے حاصل ہو  $^{46}$  کی بدلتی برقی رو  $i \varphi$  کو اب مرحلی سمتیہ کی مدد سے  $i \varphi$  ککھتے ہیں



شكل 3.6: كامل بوجه بردار ٹرانسفارمر۔

جہاں  $p_c$  مرکزی ضیاع ہے۔ لہذا اگر  $\hat{L}_{arphi}$  اور  $\hat{E}_{1}$  کے مابین  $\theta_c$  کا زاویہ ہو تو اس سے مرکزی ضیاع صحیح حاصل ہوتا ہے۔  $\hat{E}_{1}$  ای زاویہ سے  $\hat{E}_{1}$  کے پیچیے رہتا ہے۔

#### 3.5 تبادله برقی دباؤ اور تبادله برقی رو کر خصوصیات

ہم شکل 3.6 کی مدد سے ٹرانسفار مر کا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ ابتدائی جانب کچھے کے  $N_1$  اور ثانوی جانب کچھے کے  $N_2$  چین اور بیہ کہ ان دونوں کچھوں کی مزاحمت صفر ہے۔ ہم مزید بیہ کہتے ہیں کہ پوری مقناطیسی بہاو مرکز ہی میں رہتا ہے اور دونوں کچھوں سے گزرتا ہے۔ مرکز میں برقی توانائی ضائع نہیں ہوتی اور اس کی مقناطیسی مستقل اتنی زیادہ ہے کہ بیجان انگیز برقی رو قابل نظر انداز ہے۔ برقی رو  $i_1$  اور  $i_2$  کی سمتیں یوں رکھی گئی ہیں کہ ان سے وجود میں آنے والے مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کی اُلٹ ستوں میں ہیں۔ اصل ٹرانسفار مر ان باتوں پر تقریباً پورے اترتے ہیں۔ اسل ٹرانسفار مر کو کا مل ٹرانسفار مر کو کا میں جیں۔

جب اس کامل ٹرانسفار مرکے ابتدائی کچھے پر بدلتی برقی دباؤ  $v_1$  لاگو کیا جائے تو اس کے مرکز میں بدلتا مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  وجود میں آئے گا جو ابتدائی کچھے میں لاگو برقی دباؤ  $v_1$  کے برابر امالی برقی دباؤ  $e_1$  کو جنم دے گا۔للذا

$$(3.10) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

یہ مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرے گا اور اس میں  $e_2$  امالی برقی دباؤ کو جنم دے گا جو ثانوی جانب کے سرول پر برقی دباؤ  $v_2$  کی صورت میں حاصل ہو گا۔ یعنی

$$v_2 = e_2 = N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ideal transformer<sup>48</sup>

96 پاپ 3. ٹرانسفارمر

ان دونوں کی نسبت سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}}{N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

للذاایک کامل ٹرانسفار مر دونوں لچھوں کے چکروں کی نسبت سے تبادلہ برقی دباؤ ۹۰ کرتا ہے۔

چونکہ یہ ایک کامل ٹرانسفار مر ہے للمذا اسے جتنی برقی طاقت ابتدائی جانب دی جائے اتنی ہی برقی طاقت اس سے ثانوی جانب حاصل ہو گی، یعنی

$$(3.13) p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

يا

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

مساوات 3.12 کی مدد سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

یہ ایک انتہائی اہم نتیجہ ہے جو ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباؤ اور تبادلہ برقی رو50کی خصوصیات بیان کرتا ہے۔اسے عموماً دو حصول میں یول لکھا جاتا ہے۔

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

اس مساوات کی پہلی جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباؤ ان کے چکروں کی راست متناسب ہو گا جبکہ مساوات کی دوسری جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مرکے دونوں جانب برقی رو ان کے چکروں کے بالعکس متناسب ہو گا۔

voltage transformation<sup>49</sup> current transformation<sup>50</sup>

مثال 3.2: شكل 3.6 مين اگر

$$\hat{V}_1 = 220 / 0$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 
 $Z = R = 10 \Omega$ 

مول تو ٹرانسفار مرکی دونول جانب برقی دباؤ اور برقی رو معلوم کریں۔

حل: ابتدائی جانب برقی دباؤ دیا گیا ہے یعنی 220 وولٹ جبکہ ثانوی جانب برقی دباؤ مساوات 3.16 کی پہلی جزو کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے یعنی

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220 / 0 = 22 / 0$$

ثانوی جانب 22 وولٹ ہیں جو ابتدائی جانب برقی دباؤ کے ہم قدم ہے۔ ثانوی جانب یہ برقی دباؤ 10 اوہم کی مزاحمت میں برقی رو پیدا کرے گا جے اوہم کے قانون سے حاصل کیا جاتا ہے یعنی

$$\hat{V}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

ثانوی جانب 2.2 ایمپیئر برقی رو ہے۔ ابتدائی جانب کی برقی رو مساوات 3.16 کی دوسری جزو کی مدد سے حاصل کی جاتی ہے لینی

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اس مثال کے نتائج ایک جگه لکھ کر ان پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
,  $\hat{V}_2 = 22/0$ ,  $\hat{I}_1 = 0.22/0$ ,  $\hat{I}_2 = 2.2/0$ 

ہم دیکھتے ہیں ابتدائی جانب برقی دباؤ ثانوی جانب کی برقی دباؤ کے دس گنا ہے جبکہ برقی رو میں قصہ اُلٹ ہے۔ ثانوی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو کے دس گنا ہے۔ طاقت دونوں جانب برابر ہے۔ یہ نہایت اہم ہے کہ آپ اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں کہ جس جانب برقی دباؤ زیادہ ہوتا ہے اس جانب برقی رو کم ہوتی ہے۔ للذا زیادہ برقی دباؤ برقی دباؤ کی جانب کچھے کے چکر زیادہ ہوں گے اور اس کچھے میں نسبتاً باریک برقی تار استعال ہو گی جبکہ کم برقی دباؤ کا اور اس میں نسبتاً موٹی برقی تار استعال ہو گی۔

مثال 3.3: صفحہ 71 پر وکھائے گئے شکل 3.7-الف سے رجوع کریں۔ اس شکل میں رکاوٹ  $Z_2$  کو بدلتی برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  کے ساتھ ایک ٹرانسفار مرکے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔اگر

 $\hat{V}_1 = 110 / 0$ ,  $Z_2 = R + jX = 3 + j2$ ,  $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 

ہوں تو رکاوٹ میں برقی رو اور طاقت کا ضیاع معلوم کریں۔

حل: ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباؤ کی خصوصیت سے اس کے ابتدائی جانب 110 وولٹ برقی دباؤ ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب تبدیل ہو کر  $\hat{V}_{\rm s}$  ہو جائیں گے جہاں

$$\hat{V}_s = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

ہے للذا

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11/0}{3+j2} = -3.05/-33.69^{\circ}$$

 $p_z$  اور برقی طاقت کا ضیاع

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$

3.6 ثانوي جانب بوجه كا ابتدائي جانب اثر

یہاں صفحہ 65 پر دکھائے گئے شکل 3.6 سے رجوع کریں۔ہم حصہ 3.3 میں دیکھ چکے ہیں کہ اگرایک بے بوجھ ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھے پر بدلتی برقی دباؤ  $v_1$  لا گو کی جائے تو اس کچھے میں بیجان انگیز برقی رو $v_2$  گررے گی۔اس برقی روکی

مقناطیسی دباؤ  $N_1i_{arphi}$  مرکز میں مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  ابتدائی کچھے کی مزاحمت صفر ہو تو  $\varphi_m$  ابتدائی کچھے میں  $e_1$  مالی برقی دباؤ پیدا کرے گی جہال

$$v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ہو گی۔

 $i_2$  اب ہم ثانوی جانب برقی ہو جھ لادتے ہیں۔ ایسا کرنے سے ہو جھ بردار ٹرانسفار مر $i_2$  کے ثانوی جانب برقی رو وی رواں ہو گی جس کی وجہ سے مرکز میں مقناطیسی دباؤ وجود میں آئے گی۔ اس مقناطیسی دباؤ کی وجہ سے مرکز میں مقناطیسی بہاو ہو ہو گی جس کی جہاو ہو جھ نہ کیا جائے تو مرکز میں پہلے سے موجود مقناطیسی بہاو تبدیل ہو کر بہتے ہو  $\varphi_m = \varphi_m$  ہو جائے گا اور یوں ابتدائی کچھ میں امالی دباؤ تبدیل ہو کر جھ ہو جائے گا۔ للذا ابتدائی جانب پر اب امالی دباؤ تبدیل ہو کر جھ ہو جائے گا۔ للذا ابتدائی جانب پر اب امالی دباؤ اور اس پر لاگو برقی دباؤ برابر نہیں ہونگے جو کہ مساوات 3.17 کی موجود گی میں ناممکن ہے۔ للذا اس مقناطیسی بہاو پوچھ کے اثر کو ختم کرنے کیلئے ابتدائی کچھے میں برقی رو  $i_1$  نمودار ہو گی جو اس مقناطیسی دباؤ یعنی دباؤ یعنی دباؤ یعنی دباؤ یعنی عنی

$$(3.18) N_1 i_1 = N_2 i_2$$

یہ وہ ذریعہ ہے جس سے ابتدائی جانب معلوم ہوتا ہے کہ ثانوی جانب پر بوچھ لدا ہے۔ شکل میں دونوں کچھوں میں برقی رو کی سمتیں یوں ہیں کہ ان کے مقناطیسی بہاو آپس میں اُلٹ سمت میں ہیں لہٰذا مرکز میں اب پھر مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  کے برابر ہے جیسا کہ ہونا جائے تھا۔ اس مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$
 يه و بني مساوات ہے جو کامل ٹرانسفار مر کے لئے ثابت کی گئی تھی۔

#### 3.7 ٹرانسفارمر کی علامت پر نقطوں کا مطلب

شکل 3.6 میں ٹرانسفار مر کے لیجھوں پر نکتے لگائے گئے ہیں۔ یہ نکتے اس بات کو ظاہر کرتے ہیں کہ اگر ایک طرف  $v_2$  فی دباؤ  $v_1$  بی دباؤ  $v_2$  وباؤ  $v_3$  دباؤ  $v_4$  اس طرح ہو گا کہ اس کیھے کا بھی نکتے والا سرا مثبت اور بغیر نکتے والا سرا منفی ہو گا۔

<sup>-</sup>کو یہاں  $\varphi_m$  کہا گیا ہے۔ loaded transformer  $^{52}$ 

مزید یہ کہ ابتدائی جانب برقی روٹرانسفار مر کے نکتے والے سرے سے ٹرانسفار مرکی اندر جانب ہو گا جبکہ ثانوی جانب برقی رو نقطہ والے سرے سے ٹرانسفار مرسے باہر نکلے گا۔

یوں  $v_1$  اور  $v_2$  وقت کے ساتھ کیسال تبدیل ہوتے ہیں اور ان کے مابین صفر زاویہ ہے۔ لہذا یہ دو برقی دباؤ ہم قلم  $v_1$ قام میں۔

#### 3.8 ركاوك كا تبادله

اس حصہ میں کامل ٹرانسفار مر میں رکاوٹ کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ شکل 3.7-الف میں ایک ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس کی ابتدائی جانب سائن نما برقی د باؤ  $\hat{V}_1 = V_1 / \theta$  لاگو کیا گیا ہے۔ یہاں مرحلی سمتیہ استعال کئے جائیں گے۔

جیسے اُوپر ذِکر ہوا، برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  اور  $\hat{V}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں اور اسی طرح برقی رو  $\hat{I}_1$  اور  $\hat{I}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں۔ مساوات 3.12 اور مساوات 3.19 کو مرحلی سمتیہ کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں

$$\hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{V_2}$$
 
$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)\hat{I_2}$$

چونکه رکاوٹ

(3.21) 
$$Z_2 = \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = |Z_2| \underline{/\theta_z}$$

کے برابر ہے للذا

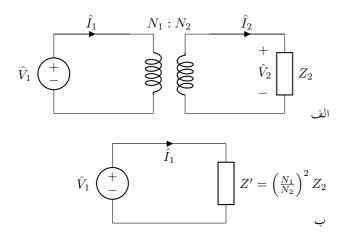
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

اب اگر ہم ٹرانسفار مر بمع اس پر لدے رکاوٹ کی جگہ برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  کو رکاوٹ  $Z_1$  پر لاگو کریں جہاں اس رکاوٹ کی قیمت قیمت

$$(3.23) Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

in-phase<sup>53</sup>

3.8. ركاوث كا تبادله



شكل 3.7: ٹرانسفارمر كى تبادلہ ركاوٹ كى خصوصيت.

ہو تو  $\hat{V}_1$  سے حاصل برقی رویا اس سے حاصل برقی طاقت تبدیل نہیں ہوگی۔یہ شکل 3.7-ب میں دکھایا گیا ہے جہاں سے واضح ہے کہ

(3.24) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

لہٰذا شکل کے الف اور ب دونوں حصول سے برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  کی برقی رو مساوات 3.22 اور مساوات 3.24 سے یکساں ماصل ہوتی ہے یعنی

(3.25) 
$$\hat{I}_{1} = \frac{\hat{V}_{1}}{\left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} Z_{2}}$$

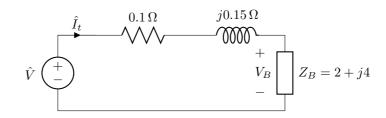
اور یوں الف اور با دونوں حصول میں برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  سے حاصل برقی طاقت برابر ہے لیعنی

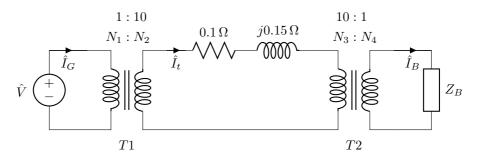
(3.26) 
$$p = \hat{V_1} \cdot \hat{I_1} = \frac{V_1^2 \cos \theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 |Z_2|}$$

یوں اگر ٹرانسفار مرکے ثانوی جانب رکاوٹ  $Z_2$  کا بوجھ ہو تو صاب کرتے وقت ہم یہ اخذ کر سکتے ہیں کہ ٹرانسفار مر بمع رکاوٹ  $Z_2$  کی جگہ صرف  $Z_1$  رکاوٹ گی ہے، جہاں  $Z_1$  مساوات 3.23 سے حاصل ہوتی ہے۔ رکاوٹ کا یوں ٹرانسفار مرکی ایک جانب سے دوسری جانب تبادلہ رکاوٹ  $Z_1$  جانسفار مرکی ایک جانب سے دوسری جانب تبادلہ کیا جاسکتا ہے۔ ٹرانسفار مرکی ایک جانب سے دوسری جانب جانب میں جانب ہولیہ کیا جانب کے بالم

impedance transformation<sup>54</sup>

72 پاپ 3. ٹرانسفارمر





شكل 3.8: برقى طاقت كى منتقلى.

## خصوصیت کہتے ہیں۔

مثال 3.4: شکل 3.8-الف میں رکاوٹ  $Z_B$  کا برتی بوجھ ایک جزیٹر پر لدا ہے۔بوجھ تک برتی طاقت دو برتی تاروں کے ذریعہ منتقل کیا گیا ہے۔ان تاروں کی مجموعہ رکاوٹ  $Z_t$  ہے۔

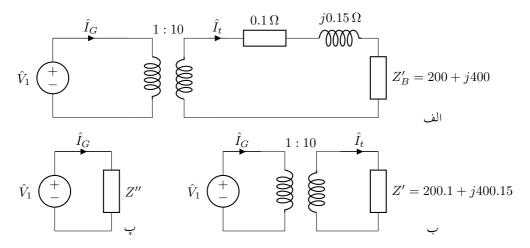
شکل-ب میں جزیٹر کے قریب نسب برقی دباؤ بڑھانے والا ٹرانسفار مر برقی دباؤ کو دس گنا بڑھاتا ہے اور برقی بوجھ کے قریب نسب برقی دباؤ گھٹانے والا ٹرانسفار مر برقی دباؤ کو دس گنا گھٹاتا ہے۔اس حصہ میں وہی برقی تار استعال کئے گئے ہیں لہذا ان کی بھی مجموعہ رکاوٹ کے ہی ہے۔ اگر

$$Z_B = 2 + j4$$
,  $Z_t = 0.1 + j0.15$ ,  $\hat{V} = 415/0$ 

ہوں تو دونوں صورتوں میں

• برقی بوجھ پر برقی دباؤ معلوم کریں،

3.8. ركاوٹ كا تبادلہ



شكل 3.9: ترانسفارمر قدم با قدم حل كرنر كا طريقه.

# • برقی تارول میں برقی طاقت کی ضیاع معلوم کرین۔

حل الف:

$$\hat{I_G} = \hat{I_t} = \hat{I_B} = \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415/0}{0.1 + j0.15 + 2 + j4}$$
$$= \frac{415/0}{2.1 + j4.15} = 89.23/-63.159^{\circ}$$
$$= 40.3 - j79.6$$

يوں رکاوٹ پر برقی د باؤ

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$
  
= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تاروں میں برقی طاقت کا ضیاع ہے

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

حل ب: شکل 3.8 اور شکل 3.9 سے رجوع کریں۔ شکل 3.8 میں ٹرانسفار مر $T_2$  ثانوی جانب رکاوٹ کا مساوات

3.23 کی مدد سے اس کی ابتدائی جانب تبادلہ سے ماتا ہے

$$Z_B' = Z_1 = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل 3.9-الف حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں اب برقی تار کی رکاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار بُڑے۔ ہیں۔ان کے مجموعہ کو 'Z کہتے ہوئے

$$Z' = Z_t + Z'_B = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

یہ شکل 9.3-ب میں دکھایا گیا ہے۔ایک مرتبہ دوبارہ مساوات 3.23 استعال کرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

شكل 3.9-پ ميں دكھايا گيا ہے۔اب

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + j4.0015} = 92.76/-63.432^{\circ}$$

یہاں سے شکل 3.9-ب کی مدد سے اگر جزیئر کی برقی رو معلوم ہو تو تبادلہ برقی رو سے

$$\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I}_G = \left(\frac{1}{10}\right)92.76/-63.432^\circ = 9.276/-63.432^\circ$$

اس سے برقی تار میں طاقت کا ضاع

$$p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$$

اسی طرح شکل 3.8 میں اگر  $\hat{I}_t$  معلوم ہو تو تبادلہ برتی رو سے

$$\hat{I}_B = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)\hat{I}_t = \left(\frac{10}{1}\right)9.276/-63.432^\circ$$

$$= 92.76/-63.432^\circ = 41.5 - j82.9$$

اور رکاوٹ پر برقی د باؤ

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

ہو گی۔

ٹرانسفار مر کے بغیر برقی طاقت کی منتقلی میں برقی تاروں میں طاقت کی ضیاع 796 واٹ ہے جبکہ ٹرانسفار مر کے استعال سے یہ صرف 8.6 واٹ ہے یعنی 92 گنا کم۔ یہی ٹرانسفار مر کی نہایت مقبولیت کی وجہ ہے۔

#### 3.9 ٹرانسفارمر کر وولٹ-ایمپیئر

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباؤ ان کچھوں کے چکر پر مخصر ہوتا ہے۔ٹرانسفار مر ایک خاص برقی دباؤ اور برقی رو کے لئے بنائے جاتے ہیں۔ٹرانسفار مرجس برقی دباؤ پر بھی کے لئے بنائے جائیں ہے اس سے کم برقی دباؤ پر بھی استعال کئے جاسکتے ہیں اگرچہ ہے عموماً بنائے گئے برقی دباؤ پر ہی چلائے جاتے ہیں۔اسی طرح ٹرانسفار مرجتنی برقی رو سے استعال کیا جا سکتا ہے۔حقیقت میں عموماً ٹرانسفار مرسے حاصل برقی رو اس حدسے کم ہی رکھی جاتی ہے۔

ٹرانسفار مرکی ایک جانب کی برقی دباؤ اور برقی رو کا حاصل ضرب اس کی دوسری جانب کی برقی دباؤ اور برقی رو کے حاصل ضرب کے برابر ہوتا ہے یعنی

$$(3.27) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

برقی دباؤ اور برقی رو کے حاصلِ ضرب لینی  $V_1I_1$  یا  $V_2I_2$  کو ٹرانسفار مرکی وولٹ ضربِ ایمپیئر کہتے ہیں جے عموماً چھوٹا کر کے صرف وولٹ ایمپیئر  $V_2I_3$  جاتا ہے  $V_3I_4$  ہیں جاتا ہے  $V_3I_4$  ہیں گئی شختی پر نگا سنفار مرکے برقی دباؤ اور برقی تعداد ارتعاش بھی لکھے جاتے ہیں۔یوں ٹرانسفار مرکے وولٹ - ایمپیئر

$$(3.28) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

ہوں گے۔

ا گرچہ یہاں ذکر ٹرانسفار مر کا ہو رہا ہے دراصل برقی مشین لیعنی موٹر اور جزیٹر کی تختیوں پر بھی ان کے چالو حالت کے برقی دباؤ، ان کے وولٹ-ایمبیسر اور برقی تعداد ارتعاش لکھے جاتے ہیں۔اس کی وجہ یہ ہے کہ ان سب مثین کی کار کردگی کے بنیادی اصول ایک ہی طرح کے ہیں۔

مثال 3.5: ایک 25000 وولٹ-ایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برقی استعداد کے ٹرانسفار مر کے زیادہ برقی دباؤ کی جانب 11000 وولٹ لا گو ہیں۔

volt-ampere, VA<sup>55</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>56</sup>وولٹ-ایمپیئر کو عموماً کلو وولٹ-ایمپیئر یعنی kV A میں بیان کیا جاتا ہر

• اس کی ثانوی جانب زیادہ سے زیادہ کتنی برقی بوجھ ڈالی جا سکتی ہے۔

• اس زیادہ سے زیادہ برقی بوجھ پر اس کے ابتدائی کچھے میں برقی رو حاصل کریں۔

حل: اس ٹرانسفار مر کی معلومات پیہ ہیں

 $25 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$ ,  $11000 : 220 \,\mathrm{V}$ 

اس کی ثانوی جانب برقی دباؤ تبادلہ برقی دباؤ کی مساوات سے 220 وولٹ حاصل ہوتا ہے۔یوں اس کی ثانوی جانب یعنی کم برقی دباؤ کی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو مساوات 3.28 سے حاصل کیا جاتا ہے۔

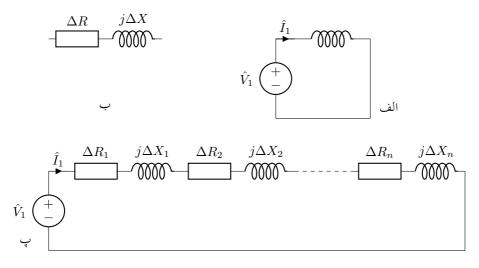
$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اسی طرح اس کی ابتدائی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو اسی مساوات سے یوں حاصل ہوتی ہے  $I_1=rac{25000}{11000}=2.27\,\mathrm{A}$ 

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب کچھوں میں استعال برتی تارکی موٹائی یوں رکھی جاتی ہے کہ ان میں کثافتِ برتی رو <sup>57</sup> کیساں ہو۔ کچھوں کی مزاحمت میں برتی رو گزرنے سے برتی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے بیر گرم ہوتے ہیں۔ٹرانسفار مرکی برقی روکی حد کچھوں کی گرمائش پر منحصر ہوتی ہے۔ان کی زیادہ سے زیادہ حرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا جاتا ہے۔

ٹرانسفار مرجس برقی دہاؤ کے لئے بنایا جائے یہ اس پر لگی شختی پر لکھا جاتا ہے۔اس سے حاصل برقی رو کی حد کو ایک مختلف طریقے سے لکھا جاتا ہے۔

ركهي جاتي بح  $3\,\mathrm{A/mm^2}$  ركهي جاتي بح  $3\,\mathrm{A/mm^2}$  ركهي جاتي بح



شكل 3.10: لچهے كى مزاحمت اور متعامله.

3.10 ٹرانسفارمر کے امالہ اور اس کے مساوی دور

3.10.1 لچهر کی مزاحمت اور اس کی متعاملہ علیحدہ کرنا

ٹرانسفار مرکی ابتدائی کیجے کی مزاحمت  $R_1$  کو ہم نے حصہ 3.3 مساوات 3.2 میں دیکھا۔ کیجے کی مزاحمت کو کیجے سے باہر کیجے کے ساتھ سلسلہ وار جڑا دکھایا گیا تھا۔ دیکھتے ہیں سے کیسے ممکن ہوتا ہے۔

شکل 3.10-الف میں ایک لچھے پر بدلتی برقی دباؤ لا گو کا گیا ہے۔اگر لچھے کی برقی تار کو نہایت چھوٹے کلڑوں میں تقسیم کیا جائے تو اس کے ہر کلڑے کی نہایت کم مزاحمت اور متعاملہ ہو گی۔اییا ایک کلڑا شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ لچھا ان سب کلڑوں کے سلسلہ وار جڑنے سے بنا ہے لہذا شکل-الف کو ہم شکل-پ کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں کچھے کے n کلڑے کیے ہیں۔

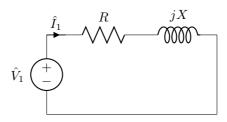
اس دور کی مساوات لکھ کر حل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \cdots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left( j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \cdots j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left( R + j X \right)$$

78 پاپ 3. ٹرانسفارمر



شكل 3.11: لچهر كي مزاحمت اور متعامله كي عليحدگي.

جہاں

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

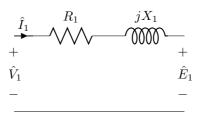
اس سے شکل 3.11 حاصل ہوتا ہے جس سے ثابت ہوتا ہے کہ حساب کتاب کی غرض سے کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ علیحدہ کیے جا سکتے ہیں۔

3.10.2 رِستا امالہ

اوپر ایک کامل ٹرانسفار مر زیر بحث رہا۔ اب ہم ٹرانسفار مر میں ان عناصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وجہ سے ٹرانسفار مر غیر کامل ہو جاتا ہے۔ بہت سی جگہوں پر ٹرانسفار مر استعال کرتے وقت ان عناصر کو مدِ نظر رکھ کر ہی اس کا صحیح استعال ممکن ہوتا ہے۔ ان عناصر کے اثر کو شامل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مر کا مساوی دور بناتے ہیں۔

ابتدائی کچھے کے مقناطیسی بہاو کو دو حصول میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو مرکز سے گزر کر ابتدائی اور ثانوی کچھے کے مقناطیسی بہاو ہے اور دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی کچھے سے اور ثانوی کچھے دونوں سے گزرتا ہے۔ یہ ان کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو 88 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں گزرتا ہے اور زیادہ تر مرکز کے باہر خلاء میں ہی رہتا ہے۔ اس کو رستا مقناطیسی بہاو 88 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ ہوا میں مقناطیسی مستقل  $\mu_0$  مقررہ ہے لہذا یہاں آبکا پہلے ہٹ محمی مقررہ ہے۔ یوں رستا مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے کی برتی رو کے براہ راست متناسب ہوتی ہے۔

leakage magnetic flux<sup>58</sup>



شكل 3.12: ٹرانسفارمر مساوى دور، حصه اول.

 $X_1=2\pi f L_1$  و بالكل كچيے كى مزاحمت كى طرح كچيے سے باہر رستا امالہ $^{69}$  يا رستا متعاملہ متعاملہ سے خاہر كيا جاتا ہے۔ سے ظاہر كيا جاتا ہے۔

ٹرانسفار مر کے ابتدائی کیجھے میں برقی رو  $\hat{I}_1$  گزرنے سے رستا متعاملہ میں  $\hat{V}_{X1}=j\hat{I}_1X_1$  برقی و باؤ اور کیجھے کے تارکی مزاحمت  $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$  میں  $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$  برقی د باؤ گھٹتا ہے۔

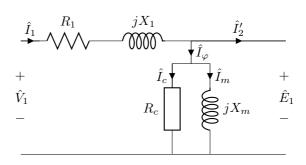
یوں ابتدائی کچھے پر لاگو برتی دباؤ  $\hat{V}_1$  میں سے پچھ برتی دباؤ  $R_1$  میں کم ہو گا، پچھ متعاملہ  $X_1$  میں کم ہو گا اور بقایا  $\hat{E}_1$  بقایا  $\hat{E}_1$  بقایا  $\hat{E}_1$  بقایا  $\hat{E}_1$  بقایا گیا ہے۔

3.10.3 ثانوی برقی رو اور مرکز کے اثرات

مرکز میں دونوں کچھوں کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو ان کے مجموعی مقناطیسی دباؤکی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ البتہ اگر ہم کچھ یوں سوچیں تو یہ زیادہ بہتر ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ابتدائی برقی روکو دو شرائط پوری کرنی ہو نگی۔ پہلی یہ کہ اسے مرکز میں ہجانی مقناطیسی بہاو وجود میں لانا ہوگا اور دوسری ہے کہ اسے ثانوی کچھے کے پیدا کردہ مقناطیسی بہاو کو ختم کرنا ہوگا۔ لہذا ابتدائی برقی روکو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصہ  $i_{\varphi}$  جو ہجانی مقناطیسی بہاو پیدا کرے اور دوسرا 1/2 جو ثانوی کچھے کے مقناطیسی دباؤ کے اثر کو ختم کرے۔ لہذا

$$\hat{I}_2' = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2$$

leakage inductance<sup>59</sup> leakage reactance<sup>60</sup>



شكل 3.13: ترانسفارمر مساوى دور، حصه دوم.

اس باب کے حصہ 3.6 میں اس پر تفصیل سے غور کیا گیا ہے۔ برقی رو $i_{\varphi}$  غیر سائن نما ہوتی ہے لیکن پھر بھی ہم اس بائن نما $\hat{I}_{\varphi}$  ہی تصور کرتے ہیں۔ اس کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں یعنی

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

جہاں  $\hat{I}_c$  اس کا وہ حصہ ہے جو ابتدائی کچھے کی امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_1$  ہم قدم ہے اور یہ مرکز میں برقی توانائی کے خیاع کو ظاہر کرتا ہے جبکہ سائٹ اس کا وہ حصہ ہے جو  $\hat{E}_1$  سے نوے درجہ زاویہ پیجھے  $\hat{E}_2$  ہیں مقناطیسی بہاو کو جنم دیتا ہے۔ برقی رو کے ان حصوں کو ہم ایک مزاحت  $R_c$  اور ایک  $X_m$  سے پیش کرتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ برقی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ اس میں برقی طاقت کا ضیاع اصل مرکزی ضیاع کے برابر ہو لینی دکھایا گیا ہے۔  $\hat{E}_1$  ہو۔ان دونوں، لینی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ گئی ہے۔  $\hat{I}_m = \hat{E}_1/jX_m$  مقدار اصل برقی دونوں ویوں، لینی کی مقدار اصل برقی دونوں ویوں کے جاتے ہیں۔ یہ شکل 3.13 میں دکھایا گیا ہے۔

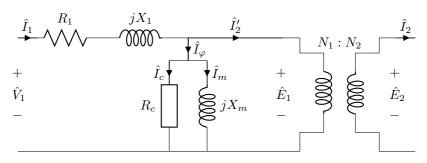
3.10.4 ثانوي لچهر كي امالي برقى دباؤ

مرکز میں مشتر کہ مقناطیسی بہاو ثانوی کچھے میں امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_2$  پیدا کرے گی اور چونکہ یہی مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے میں  $\hat{E}_1$  امالی پیدا کرتی ہے المذا

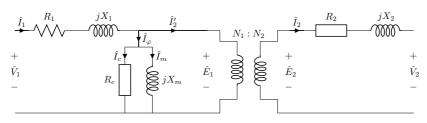
(3.31) 
$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

مساوات 3.30 اور مساوات 3.31 کو ایک کامل ٹرانسفار مرسے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ یہ شکل 3.14 میں دکھایا گیا ہے۔

<sup>&</sup>lt;sup>61</sup>سائن نما برقی رو کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے lagging<sup>62</sup>



شكل 3.14: ترانسفارمر مساوى دور، حصه ثوم.



شكل 3.15: ٹرانسفارمر كا مكمل مساوى دور يا رياضي نمونه.

## 3.10.5 ثانوی لچهر کی مزاحمت اور متعاملہ کر اثرات

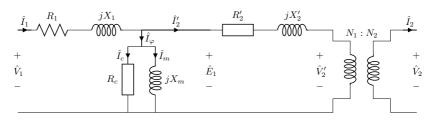
 $R_2$  ثانوی کچھے کے سروں پر البتہ  $\hat{E}_2$  برتی دباؤ نہیں ہو گا چونکہ ثانوی کچھے کے، بالکل ابتدائی کچھے کی طرح، مزاحمت وادر متعاملہ  $jX_2$  ہوں گے جن میں ثانوی برتی رو  $\hat{I}_2$  کی وجہ سے برتی دباؤ کھٹے گا۔ للذا ثانوی کچھے کے سروں پر برتی دباؤ کھٹے گا۔ للذا ثانوی کچھے کے سروں پر برتی دباؤ  $\hat{V}_2$  قدرِ کم ہو گا۔ یعنی

$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$
يوں حاصل ٹرانسفار مر کا مکمل مساوی دوريا دياضي نمونہ  $\hat{S}$ شکل 3.15 ميں دکھايا گيا ہے۔

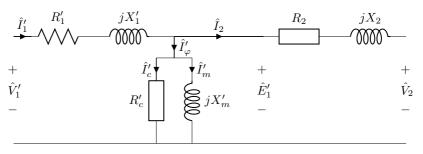
3.10.6 ركاوت كا ابتدائي يا ثانوى جانب تبادله

شکل 3.15 میں دکھائے دور کے سب جزو کا تبادلہ ایک جانب سے دوسری جانب کیا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے سے کامل ٹرانسفار مر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں جانب لے جایا جا سکتا ہے۔شکل 3.16 میں ثانوی جانب کی رکاوٹ کا ابتدائی

 $mathematical\ model^{63}$ 



شكل 3.16: ثانوى جانب ركاوٹ كا ابتدائي جانب تبادلہ كيا گيا ہرِ۔



شكل 3.17: ابتدائي جانب ركاول كا ثانوي جانب تبادله كيا گيا بر ـ

جانب تبادلہ کیا گیا ہے جبکہ شکل 3.17 میں ابتدائی جانب کی رکاوٹ کا ثانوی جانب تبادلہ کیا گیا ہے۔اس طرح حاصل مساوی دور میں عموماً کامل ٹرانسفار مر بنایا ہی نہیں جاتا۔ یہی شکل 3.17 میں کیا گیا ہے۔

تبادلہ شدہ رکاوٹ Z کو Z' سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں  $R_2$  کے ٹرانسفار مرکی دوسری جانب تبادلہ کے بعد اسے  $R_2'$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔

الیا دور استعال کرتے وقت ہے ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ ٹرانسفار مر کے کس جانب دور حل کیا جا رہا ہے۔

مثال 3.6: ایک 50 کلو وولٹ-ایمپییئر اور 220 : 2200 وولٹ برقی استعداد کے ٹرانسفار مرکی زیادہ برقی دباؤکی جانب کی رستار کاوٹ  $Z_1=0.0089+j0.011$  وہم مرقی دباؤکی جانب کی رستار کاوٹ  $Z_1=0.9+j1.2$  اوہ مم اور کم برقی دباؤکی جانب کی شکل 3.16 اور شکل 3.17 میں استعال ہونے والے جزو معلوم کریں۔

حل حصه اول: معلومات:

 $50 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 50 \,\mathrm{Hz}, \quad 2200 : 220 \,\mathrm{V}$ 

ٹرانسفار مر کے دونوں جانب کی برقی دباؤ کچھوں کے چکروں کی نسبت سے ہوتے ہیں للذا  $rac{N_1}{N_2}=rac{2200}{220}=rac{10}{1}$ 

 $\frac{1}{N_2} = \frac{1}{220} = \frac{1}{1}$ 

یوں اگر ٹرانسفار مرکی رکاوٹ کا زیادہ برقی دباؤکی جانب تبادلہ کیا جائے تو

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

جبه اس کی بقایا رکاوٹ وہی رہیں گے۔یوں شکل 3.16 کے جزو حاصل ہوئے۔

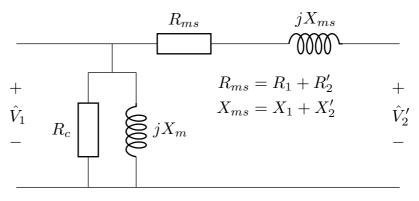
حل حصه دوم: اگر مساوی دورکی رکاوٹ کا کم برقی دباؤکی جانب تبادله کیا جائے تب

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

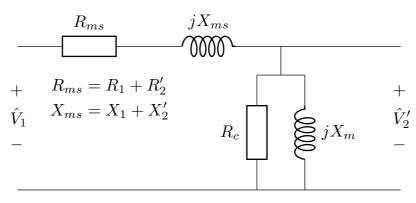
اسی طرح

$$R'_c = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) R_c = 0.064$$
$$X'_m = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) X_m = 0.47$$

جبکہ  $Z_2$  وہی رہے گا۔



شکل  $R_c$  :3.18 اور  $jX_m$  کو بائیں جانب منتقل کیا گیا ہر۔

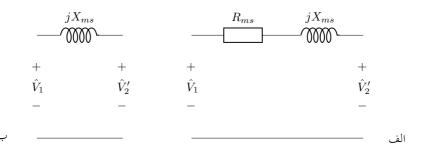


شکل 3.19:  $R_c$  اور  $jX_m$  کو دائیں جانب منتقل کیا گیا ہر۔

3.10.7 ٹرانسفارمر کر سادہ ترین مساوی دور

ایک انجنیر کو جب ایک ٹرانسفار مر استعال کرنا ہو تو وہ حساب کرتے وقت شکل 3.16 میں دیے گئے دور کو استعال کر سکتا ہے۔ یہ دور حقیقی ٹرانسفار مر کی بہت اچھی عکائی کرتا ہے۔ البتہ جہاں ہمیں نہایت صحیح جواب مطلوب نہ ہوں وہاں اس دور کی سادہ اشکال بھی استعال کی جا سکتیں ہیں۔ اس باب میں ہم ایسے ہی سادہ مساوی دوروں کا ذکر کریں گے۔

شکل 3.16 میں  $R_c$  اور  $R_c$  کو بائیں یا دائیں طرف لے جانے سے شکل 3.18 اور شکل 3.19 ماصل ہوتے ہیں۔چونکہ  $\hat{I}_c$  کی مقدار نہایت کم  $R_c$  ہوتی ہے اس لئے ایبا کرنے سے حاصل جواب پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔  $\hat{I}_c$   $\hat{I}_$ 



شکل 3.20: ٹرانسفارمر کے سادہ مساوی ادوار۔

چو نکہ اس شکل میں  $X_1$  ،  $R_2$  ،  $R_1$  اور  $X_2$  سلسلہ وار ہیں اس لئے ان کو جمع کیا جا سکتا ہے شکل میں ان کو مساوی متعاملہ  $X_1$  ہوتے ہیں۔ مزاحمت  $X_2$  اور مساوی متعاملہ  $X_3$  کہا گیا ہے۔اسی قسم کے ادوار شکل 3.17 سے بھی حاصل ہوتے ہیں۔

ہم ایک قدم اور آگے جا سکتے ہیں اور  $\hat{I}_{\varphi}$  کو مکمل طور پر نظر انداز کر سکتے ہیں لیعنی اس کو ہم صفر نصور کر لیتے ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ مساوی دور میں  $R_c$  اور  $X_m$  اور  $X_m$  دیا جاتا ہے۔ شکل 3.20-الف میں ایسا کیا گیا ہے۔ اس دور میں مرکز کے اثرات کو مکمل طور پر نظر انداز کیا گیا ہے۔

بیشتر وقت ہمیں اس سے بھی کم صحیح جواب مطلوب ہوتا ہے۔ چونکہ  $X_m\gg R_c$  لہذا ہم  $R_m$  کو بھی نظرانداز کر سکتے ہیں۔ یوں شکل 3.20-ب حاصل ہوتا ہے۔

3.11 كهلر دور معائنه اور كسر دور معائنه

پچھلے جصے میں بیان کئے گئے ٹرانسفار مر کے مساوی دور کے جزو ٹرانسفار مر کے دو معائنوں سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ ان معائنوں کو کھلے دور معائنہ اور کسر دور معائنہ کہتے ہیں۔اس جصے میں انہیں پر غور کیا جائے گا۔

## 3.11.1 كهلر دور معائنه

کھلے دور معائنہ 66 جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سروں کو آزاد رکھ کر کیا جاتا ہے۔ یہ معائنہ اتنی برقی دباؤ اور تعدد یا ان کے قریب ترین مقداروں پر کیا جاتا ہے جتنے پر ٹرانسفار مرکی بناوٹ 66 ہو۔ اگرچہ

open circuit test<sup>65</sup> design<sup>66</sup>

یہ معائنہ ٹرانسفار مر کے کسی بھی جانب کے کچھے پر کیا جا سکتا ہے، حقیقت میں اسے کم برقی دباؤ والی جانب کے کچھے پر کرنا آسان ہوتا ہے۔یہ بات ایک مثال سے زیادہ آسانی سے سمجھ آتی ہے۔

مثلاً ہم 4 4 5 اور V 220 V : 11000 کا 4 5 لا والے ایک دور کے ٹرانسفار مرکا معائنہ کرنا چاہتے ہیں۔ اگر میہ معائنہ اس کے گیارہ ہزار کے لیجھے پر کیا جائے تو گیارہ ہزار برتی دباؤ کے لگ بھگ برتی دباؤ استعال کیا جائے گا اور اگر دو سو بیس برتی دباؤ والے لیجھے پر کیا جائے تو دو سو بیس برتی دباؤ کے لگ بھگ برتی دباؤ استعال کیا جائے گا۔ دونوں صورتوں میں تعدد H کی کی جگ رکھا جائے گا۔ دونوں صورتوں میں تعدد H کی کی جگ رکھا جائے گا۔ دائو والے لیجھے پر ہی کیا جاتا ہے۔ یہی وجہ ہے کہ اس معائنہ کو کم برتی دباؤ والے کیجھے پر ہی کیا جاتا ہے۔

جس برقی دباؤ پر ٹرانسفار مر عام حالات میں استعال ہوتا ہے اس معائنہ میں کم برقی دباؤ والی جانب کے لیجے پر اسنے ہی یا اس کی قریب مقدار کی برقی دباؤ ہو  $V_t$  لا گو کر کے کھے دور برقی طاقت  $p_t$  اور کھلے دور برقی رو  $I_t$  ناپ جاتے ہیں۔معائنہ حقیقت میں استعال کے دوران برقی دباؤ کے جتنے قریب برقی دباؤ پر کیا جائے اتنا بہتر جواب حاصل ہوتا ہے۔ ٹرانسفار مر کی دوسری جانب لیجے کے سرے چونکہ آزاد رکھے جاتے ہیں اس لئے اس میں برقی رو صفر ہو گا۔ لئذا ناپا گیا برقی رو صرف بیجان انگیز برقی رو  $\hat{I}_t$  ہو گا۔ ٹرانسفار مر جتنی برقی رو کے لئے بنایا گیا ہو یہ برقی رواس کے تقریباً دو سے چھ فی صد ہوتا ہے۔ شکل 3.16 کو مدِ نظر رکھتے ہوئے اگر ہم بائیں جانب کو کم برقی دباؤ والی جانب تصور کریں تو شکل میں  $V_t$  کو کرنا ہو گا۔ یوں ہم جو برقی رو ناپیں گے وہ مقداری  $V_t$  ہو گا۔ چونکہ  $V_t$  صفر کے برابر ہے لہذا  $V_t$  کو گرنا ہو گا۔ کو میداری ہو گا۔ لیکن اس طرح

$$I_t = I_1 = I_{\omega}$$

ا تنی کم برقی رو سے کچھے کی رکاوٹ میں نہایت کم برقی دباؤ گھٹتا ہے، للذا اسے نظر انداز کیا جاتا ہے یعنی

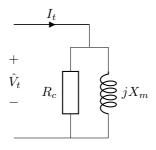
$$V_{R1} = I_t R_1 = I_{\varphi} R_1 \approx 0$$
  
 $V_{X1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \approx 0$ 

یوں  $R_c$  اور  $X_m$  پر تقریباً  $V_t$  برقی دباؤ پایا جائے گا۔ یہ شکل 3.16 سے ظاہر ہے۔ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 3.21 حاصل ہوتا ہے۔

یو نکہ برقی طاقت کا ضیاع صرف مزاحت میں ہی ممکن ہے لہذا  $p_t$  صرف ہی ضائع ہو گی۔ یوں

$$p_t = \frac{V_t^2}{R_c}$$

scalar<sup>67</sup>



شکل 3.21: کھلے سرے معائنہ۔

لکھا جائے گا۔ یوں

$$(3.33) R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اسی طرح چونکہ برتی دباؤ اور برتی رو کی مقداروں کے تناسب کو برتی رکاوٹ کی مقدار کہتے ہیں للذا $|Z_t|=rac{V_t}{I_t}$ 

مگر شکل 3.21 سے واضح ہے کہ

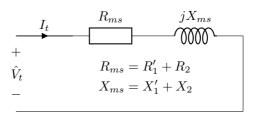
$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للذا

$$Z_t = \frac{jR_c X_m}{R_c + jX_m}$$
$$|Z_t| = \frac{R_c X_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$

جس سے حاصل ہوتا ہے

(3.34) 
$$X_{m} = \frac{R_{c}|Z_{t}|}{\sqrt{R_{c}^{2} - |Z_{t}|^{2}}}$$



شكل 3.22: كسر دور معائنه.

مساوات 3.33 سے  $R_c$  اور مساوات 3.34 سے  $X_m$  کا حساب لگایا جاتا ہے۔

یاد رہے کہ حاصل کردہ  $R_c$  اور  $K_m$  اور  $K_m$  ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ اگر ان کی قیمتیں دوسر ی جانب در کار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی جاسکتی ہیں۔

#### 3.11.2 كسر دور معائنه

یہ معائنہ بھی پچھلے معائنہ کی طرح ٹرانسفار مر کے کسی بھی طرف کیا جا سکتا ہے مگر حقیقت میں اسے زیادہ برقی دباؤ کے لیجھے پر ہی کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے۔ یہ معائنہ جینے برقی رو کے لئے ٹرانسفار مر بنایا گیا ہو اتنی برقی رو یا اس کے قریب مقدار پر کیا جاتا ہے۔ یعنی اس معائنہ میں کوشش ہوتی ہے کہ ٹرانسفار مر کے لیچھے میں اتنی برقی رو گزرے جتنی کے لئے یہ بنایا گیا ہو۔ للذا اگر ہم پچھلے معائنہ میں استعال ہونے والے ٹرانسفار مرکی بات آگے بڑھائیں تو اس کا زیادہ برتی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A برقی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A برقی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 پر کرنا ہو گا جو کہ زیادہ برقی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 پر کرنا ہو گا جو کہ زیادہ آسان ہے۔

اس معائنہ میں کم برقی دباؤ کچھے کے دونوں سروں کو آپس میں جوڑا جاتا ہے بینی انہیں کسرِ دور کر لیا جاتا ہے اور زیادہ برقی دباؤ کچھے پر اس جانب کی ڈیزائن کردہ برقی دباؤ کے دو سے بارہ فی صد کا برقی دباؤ کہ لاگو کر کے کسرِ دور برقی طاقت  $p_t$  ناپے جاتے ہیں۔ جس کچھے کے سرے آپس میں کسرِ دور ہوتے ہیں اس میں سے برقی رو گزرتی ہے اور اس کا عکس دوسری جانب بھی موجود ہوتا ہے۔ یہ برقی رو ٹرانسفار مرکے ڈیزائن کردہ برقی رو گزرتی ہے اور اس کا عکس دوسری جانب بھی موجود ہوتا ہے۔ یہ برقی رو ٹرانسفار مرکے ڈیزائن کردہ برقی رو گئ بھگ ہوتا ہے۔ اس معائنہ کا دور شکل 3.22 میں دکھایا گیا ہے۔کھلے سرے معائنے کی طرح اگر کسر

دور معائنے میں بھی شکل 3.16 کے بائیں جانب کو کم برقی دباؤ والی جانب تصور کریں تو  $V_t$  کو  $V_2$  کی جگہ لاگو کرنا ہو گا۔

چونکہ یہ معائد بہت کم برقی دباؤ پر کیا جاتا ہے للذا اس معائد میں بیجان انگیز برقی رو کو مکمل طور پر نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ شکل سے ہم دیکھتے ہیں کہ چونکہ برقی طاقت صرف مزاحمت میں ہی ضائع ہو سکتی ہے للذا

$$p_t = I_t^2 \left( R_{ms} \right)$$

ہو گا جس سے

$$(3.35) R_{ms} = \frac{p_t}{I_t^2}$$

حاصل ہوتا ہے۔

کسرِ دور برقی رو اور برقی دباؤے میں ملتی ہے

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

مگر شکل سے واضح ہے کہ

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

للذا

$$(3.36) X_{ms} = \sqrt{|Z_t|^2 - R_{ms}^2}$$

مساوات 3.35 کل مزاحمت دیتا ہے البتہ اس سے  $R_1$  یا  $R_2$  حاصل نہیں کیا جا سکتا۔ اس طرح مساوات 3.36 سے اتن  $X_2$  اور  $X_2$  علیحدہ نہیں کئے جا سکتے۔ کسر دور معائنہ سے اتن ہی معلومات حاصل کرنا ممکن ہے۔ حقیقت میں اتن معلومات کافی ہوتی ہے۔ اگر ان اجزاء ک علیحدہ علیحدہ قیمتیں درکار ہوں تو ایسی صورت میں تصور کیا جاتا ہے کہ معلومات کافی ہوتی ہے۔ اگر ان اجزاء ک

$$R_1' = R_2$$
$$X_1' = X_2$$

90 پاپ 3. ٹرانسفارمر

چونکہ یہ معائنہ عموماً جہاں ٹرانسفار مر موجود ہو وہیں کرنا پڑتا ہے للذا یہ ممکن نہیں ہوتا کہ ٹرانسفار مر کو بالکل اتنا برقی دباؤ دیا جائے جتنا درکار ہو بلکہ جو برقی دباؤ موجود ہو اس سے کام چلانا پڑتا ہے۔ لیکن اس بات کا خیال بہت ضروری ہے کہ جو برقی دباؤ ٹرانسفار مر کو دیا جا رہا ہو وہ ڈیزائن کردہ برقی دباؤ کے دو سے بارہ فی صد ہو۔ مثلاً اگر اس کا 220 V اور 220 V واصلاً ٹرانسفار مر کی بات کی جائے تو اس کے زیادہ برقی دباؤ کچھے پر 200 کا اور 200 کا مام پائے جاتے ہیں للذا ہم 200 کو درمیان کوئی بھی برقی دباؤ دیا جا سکتا ہے۔ چونکہ ہمارے ہاں 200 کو اور 440 کا عام پائے جاتے ہیں للذا ہم 240 کا مام کا 240 کی استعال کریں گے۔

یہاں یہ ایک مرتبہ دوبارہ یاد دھیانی کراتا جاول کہ ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سرے آپس میں جوڑ کر، یعنی انہیں کسرِ دور کر کے، دوسری جانب کچھے پر کسی بھی صورت میں اس جانب کی پوری برقی دباؤ لا گو نہیں کرنا۔ ایسا کرنا شدید خطرناک اور جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

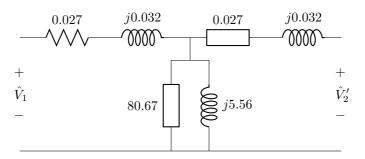
یاد رہے کہ حاصل کردہ  $R_c$  اور  $X_m$  اور  $X_m$  ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ا گر ان کی قیمتیں دوسری جانب درکار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی جاسکتی ہیں۔

مثال 3.7: ایک 25 کلو وولٹ-ایمپیئر، 220 : 11000 وولٹ اور 50 ہر ٹز پر چلنے والے ٹرانسفار مر کے کھلے دور اور کسر دور معائنہ کئے جاتے ہیں جن کے نتائج میہ ہیں۔

- کھلے دور معائنہ کرتے وقت کم برقی دباؤکی جانب V 220 لا گو کئے جاتے ہیں۔اسی جانب برقی رو 39.64 A اور طاقت کا ضیاع W 600 ناپے جاتے ہیں۔
- کسرِ دور معائنه کرتے وقت زیادہ برقی دباؤکی جانب V 440 لا گو کئے جاتے ہیں۔اسی جانب برقی رو A 2.27 A اور طاقت کا ضیاع W 560 ناپے جاتے ہیں۔

کھلے دور حل:

$$\begin{split} |Z_t| &= \frac{220}{39.64} = 5.55\,\Omega \\ R_c &= \frac{220^2}{600} = 80.67\,\Omega \\ X_m &= \frac{80.67\times5.55}{\sqrt{80.67^2-5.55^2}} = 5.56\,\Omega \end{split}$$



شکل 3.23: کھلے دور اور کسرِ دور معائنہ سے کم برقی دباؤ جانب مساوی دور۔

کسر دور حل:

$$\begin{split} Z_t &= \frac{440}{2.27} = 193.83\,\Omega\\ R_{ms} &= \frac{560}{2\times 2.27^2} = 108.68\,\Omega\\ X_{ms} &= \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160\,\Omega \end{split}$$

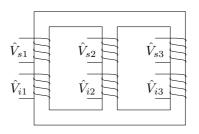
ان نتائج کو کم برقی دباؤ جانب منتقل کرتے ہوئے

$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 108.68 = 43.47 \,\mathrm{m}\Omega$$
$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 160 = 64 \,\mathrm{m}\Omega$$

لعيني

$$R_1 = R_2' = \frac{43.47 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 21.7 \,\mathrm{m}\Omega$$
  
 $X_1 = X_2' = \frac{64 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 32 \,\mathrm{m}\Omega$ 

حاصل ہوتا ہے۔ان نتائج سے حاصل کم برقی دباؤ جانب مساوی دور شکل 3.23 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 3.24: ایک ہی مرکز پر تین ٹرانسفارمر۔

#### 3.12 تين مرحله ٹرانسفارمر

اب تک ہم ایک موحلہ 80 ٹرانسفار مر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت میں برقی طاقت کی منتقلی میں عموماً تین موحلہ 90 ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر کیساں تین عدد ایک مرحلہ ٹرانسفار مر اکسٹے رکھ کر بنایا جا سکتا ہے۔ یوں اگر ایک ٹرانسفار مر خراب ہو جائے تو اس کو ٹھیک ہونے کے لئے ہٹا کر بقایا دو ٹرانسفار مر دوبارہ چالو کئے جا سکتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر بنانے کا اس سے بہتر طریقہ شکل 3.24 میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقناطیسی مرکز پر تینوں ٹرانسفار مر کے لیچھ لیٹے گئے ہیں۔ اس شکل میں  $\hat{V}_{i1}$  پہلے ٹرانسفار مرکا ابتدائی لیچھا جبہ  $\hat{V}_{i1}$  اس کا ثانوی لیچھا ہے۔ اس طرح کے تین مرحلہ ٹرانسفار مرستے، ملک اور چھوٹے ہونے کی وجہ سے عام ہو گئے ہیں اور آپ کو روز مرہ زندگی میں یہی نظر آئیں گے۔ ان میں برتی ضیاع بھی قدر کم ہوتی ہے۔

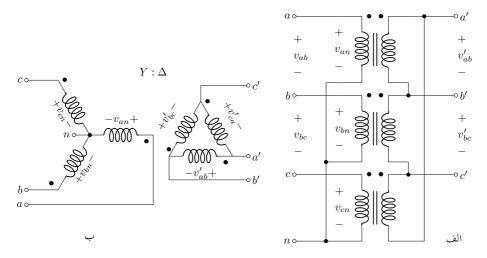
شکل 3.25-الف میں تین ٹرانسفار مر و کھائے گئے ہیں۔ان تین ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے آپی میں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔ایک کو مستارہ نما جوڑ $^{70}$  اور دوسرے کو تکونی جوڑ $^{17}$  کہتے ہیں۔ای طرح ان تینوں ٹرانسفار مرول کے ثانوی کچھے انہیں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔یوں انہیں جوڑنے کے چار ممکنہ طریقے ہیں یعنی

- $Y:\Delta$  تتاره: تکونی
- Y:Y ستاره: ستاره  $\bullet$
- $\Delta: \Delta = \Delta$

 $\begin{array}{c} \text{single phase}^{68} \\ \text{three phase}^{69} \\ \text{star connected}^{70} \end{array}$ 

delta connected<sup>71</sup>

3.12 تين مرحلہ ٹرانسفارمر



شكل 3.25: تين مرحله ستاره-تكوني ترانسفارمر

## $\Delta: Y$ تکونی: ستاره $\Delta: Y$

شکل 3.25-الف میں ان تین ٹرانسفار مروں کے ابتدائی کچھوں کو ستارہ نما جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ثانوی کچھوں کو سکونی جوڑا گیا ہے۔شکل-ب میں تینوں ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھوں کو ستارہ نما دکھایا گیا ہے۔اسی طرح ثانوی کچھوں کو سکونی دکھایا گیا ہے۔اس طرح ثانوی کچھوں کو سکونی دکھایا گیا ہے۔انہی شکلوں کی وجہ سے ان کو سارہ نما جوڑ اور شکونی جوڑ کہتے ہیں۔

الیی شکل بناتے وقت تینوں ٹرانسفار مروں کے ابتدائی کچھے کو جس زاویہ پر بنایا جاتا ہے اس کے ثانوی کچھے کو بھی اُس زاویہ پر بنایا جاتا ہے۔ یوں شکل کے حصہ الف میں سب سے اوپر ٹرانسفار مر جس کے ابتدائی جانب کے سرے اُس ور ثانوی جانب کے سرے ''م' ہیں کو حصہ با میں صفر زاویہ پر بنایا گیا ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مروں کو اس طرح کی علامتوں سے ظاہر کیا جاتا ہے اور ان میں مرکز نہیں دکھایا جاتا۔

ٹرانسفار مر کے جوڑ بیان کرتے وقت بائیں جانب کے جوڑ کو پہلے اور دائیں جانب کی جوڑ کو بعد میں پکارتے ہیں۔ یوں شکل میں ٹرانسفار مر کو ستارہ۔ تکونی جُڑا ٹرانسفار مر کہیں گے۔اسی طرح ابتدائی جانب کو بائیں اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بنایا جاتا ہے۔ یوں اس شکل میں ابتدائی جانب ستارہ نما ہے جبکہ ثانوی جانب تکونی ہے۔

تارہ نما جڑی جانب سے چار برقی تاریں لکلتی ہیں۔اس جانب کچھوں کے مشتر کہ سرا n کو عموماً ٹرانسفار مر کے

نزویک زمین میں گہرائی تک وصنسا ویا جاتا ہے۔اس تار کو زمینی تار  $^{72}$  یا صرف زمین  $^{73}$  ہیں۔عام فہم میں اسے کھنڈی تار  $^{74}$  کہتے ہیں۔باقی تین لیخنی a,b,c گھنڈی تار  $^{75}$  کہلاتے ہیں۔

ٹرانسفار مرکی کچھے پر برقی دباؤکو یک موحلہ بوقی دباؤ کر ملے ہیں اور کچھے میں برقی روکو یک موحلہ بوقی دو اور کر میں برقی دو گرم تاروں کے مابین برقی دباؤکو تارکی بوقی دباؤ میں مرحلہ بوقی دو گرم تاروں کے مابین برقی دباؤکو تارکی بوقی دو گرم تاروں کے مابین برقی دو کو تارکی بوقی دو تارکی بوقی دو تارکی بوقی دو تارکی بوقی دو کو زمینی برقی روکو زمینی برقی روکو زمینی برقی دو رہنی آگ<sup>78</sup> کہتے ہیں۔ زمینی تارمیں برقی روکو تارکی بوقی دو زمین آگ<sup>80</sup> کہتے ہیں۔

ستارہ نما Y جانب یک موحلہ مقداروں اور تارکی مقداروں کا آپس میں یوں رشتہ ہے

$$V_{
m J}$$
ت =  $\sqrt{3}V_{
m J}$ ر صلہ (3.37) 
$$I_{
m J} = I_{
m J}$$

جبکہ تکونی ∆ جانب یک مرحلہ اور تار کی مقداروں کا آپس میں یوں رشتہ ہے

$$V_{
m J}$$
ت  $V_{
m J}$ ر حلہ  $V_{
m J}$  (3.38)  $I_{
m J} = \sqrt{3} I_{
m J}$ 

یہ مرحلی سمتیے کے رشتے نہیں بلکہ ان کی مقداری قیمتوں کے رشتے ہیں۔ان دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے

$$V_{J} = \sqrt{3} V_{J} = \sqrt{3} V_{$$

چونکہ ایک مرحلہ ٹرانسفار مرکی وولٹ-ایمپیئر <sub>کیر طه</sub> آ<sub>ئیر ط</sub> کہا ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مر مل کر ایک تین مرحلہ ٹرانسفار مر بناتے ہیں لہذا تین مرحلہ ٹرانسفار مرکی وولٹ-ایمپیئر اس کے تین گنا ہوں گے یعنی

(3.40) 
$$3V_{jt}I_{jt} = 3 \times \frac{V_{jt}I_{jt}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}V_{jt}I_{jt}$$
 (3.40)  $3V_{jt}I_{jt}I_{jt}$ 

 $\operatorname{ground}^{\tau_2}$ 

ground, earth, neutral<sup>73</sup>

live wires<sup>75</sup>

phase voltage<sup>76</sup>

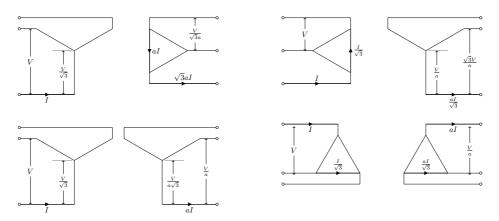
phase voltage phase current<sup>77</sup>

line to line voltage<sup>78</sup>

line current<sup>79</sup>

ground current<sup>80</sup>

3.12 تين مرحلہ ٹرانسفارمر



شکل 3.26: ابتدائی اور ثانوی جانب تار اور یک مرحلہ مقداروں کے رشتے۔

## یہ مساوات تین موحلہ ادوار میں عام استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مرکسی طرح بھی جوڑے جائیں وہ اپنی بنیادی کارکردگی تبدیل نہیں کرتے للذا انہیں سارہ نما یا تکونی جوڑنے کے بعد بھی ان میں ہر ایک ٹرانسفار مر انفرادی طور پر صفحہ 66 پر دئے مساوات 3.16 اور صفحہ 70 پر دئے مساوات 3.23 پر پورے اترے گا۔ انہیں استعال کر کے شکل 3.26 میں دیۓ گئے ٹرانسفار مروں کے ابتدائی اور ثانوی مساوات 3.23 پر پورے اترے گا۔ انہیں استعال کر کے شکل 3.26 میں دیۓ گئے ٹرانسفار مروں کے ابتدائی اور ثانوی جانب کی کیٹ مرحلہ اور تارکی مقداروں کے رشتے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ اس شکل میں میں ایک مرحلہ ٹرانسفار مرکے چکر کی نسبت ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مرپر لگی شختی پر دونوں جانب تارکی برتی دباؤکی نسبت کھی جاتی ہے۔

جیسے شکل 3.26 میں و کھایا گیا ہے سارہ- تکونی ٹرانسفار مرکی تاریر برقی وہاؤکی نسبت

(3.41) 
$$\frac{V_{\hat{\mathcal{S}}^{|\mathcal{F}_i|}}}{V_{\mathcal{C}^{|\mathcal{F}_i|}}} = \sqrt{3}a = \sqrt{3}\left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

جبکه ساره-ساره کا

$$\frac{V_{\acute{\mathcal{U}}_{\mathcal{J}_{\mathcal{F}}}}}{V_{\acute{\mathcal{U}}_{\mathcal{J}_{\mathcal{F}}}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

تکونی-ستاره کا

$$\frac{V_{\acute{\mathcal{G}}, \ddot{\mathcal{L}}^{l}}}{V_{\acute{\mathcal{C}}, \dot{\mathcal{L}}^{l}}} = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)$$

اور تکونی- تکونی کا

$$\frac{V_{\acute{\mathcal{G}}^{\mid \vec{\mathcal{K}}\mid}}}{V_{\acute{\mathcal{G}}^{\mid \vec{\mathcal{K}}\mid}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

-4

مثال 3.8: یک مرحله تین یکسال ٹرانسفار مرول کو ستارہ-تکونی ک $Y: \Delta$  جوڑ کر تین مرحله ٹرانسفار مر بنایا گیا ہے۔ ایک مرحله ٹرانسفار مرکل برقی استعداد ا $^{18}$  درج ذیل ہے:

 $50\,\mathrm{kV\,A},\quad 6350:440\,\mathrm{V},\quad 50\,\mathrm{Hz}$ 

شارہ- تکونی ٹرانسفارمر کی ابتدائی جانب 11000 وولٹ کی تین مرحلہ تار کی برقی دباؤ لا گو کیا گیا۔اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی ثانوی جانب تار کا برقی دباؤ معلوم کریں۔

حل: حل کرتے وقت ہم ایک عدد یک مرحلہ ٹرانسفار مر پر نظر رکھیں گے۔ ابتدائی جانب اگر یک مرحلہ ٹرانسفار مر پر غور کیا جائے تو

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

اور اس پر لا گو برقی د باؤ مساوات 3.37 کی مدد سے

$$V_{
m V}$$
ا بتدائی، کرطیہ  $=rac{V_{
m JT}}{\sqrt{3}}=rac{11000}{\sqrt{3}}=6350.85\,{
m V}$ 

ہے لہذا اس یک مرحلہ ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب مساوات 3.16 کی مدد سے

$$V_{\rm Gir} = \frac{N_2}{N_1} V_{\rm Giri} = \frac{440}{6350} \times 6350.85 \approx 440 \, \rm V$$

ہیں۔چونکہ ثانوی جانب ان تین یک مرحلہ ٹرانسفار مرول کو تکونی جوڑا گیا ہے للذا مساوات 3.38 کی مدد سے اس جانب تار کی برقی دباؤیہی ہو گی۔اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی تار پر برقی دباؤ کی نسبت

$$rac{V_{$$
ابترائی، تار $}}{V_{$ ائی، تار $}}=rac{11000}{440}$ 

rating81

ہے۔چونکہ یک مرحلہ ٹرانسفار مر 50 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہے للذا بیہ تین مرحلہ ٹرانسفار مر 150 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہو گا۔پول اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی استعداد ²²

 $150 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}$ ,  $11000 : 440 \,\mathrm{V}$ ,  $50 \,\mathrm{Hz}$ 

ہو گی۔

ٹرانسفار مر پر لگی شختی <sup>83</sup> پر اس کی استعداد بیان ہوتی ہے جس میں ٹرانسفار مر کے دونوں جانب تار کے برقی دباؤ کھھے جاتے ہیں نہ کہ کچھوں کے چکر۔

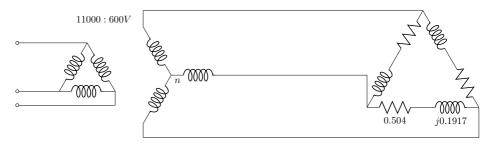
ستارہ ستارہ جڑے ٹرانسفار مر عام طور استعال نہیں ہوتے۔اس کی وجہ یہ ہے کہ اگرچہ ان کی تین مرحلہ برقی دباؤ کے بنیادی جزو آپس میں °120 زاویائی فاصلے پر ہوتے ہیں لیکن ان کی تیسری موسیقائی جزو آپس میں ہم قدم ہوتی ہیں۔مرکز کی غیر بتدر بخ خصوصیات کی وجہ سے ٹرانسفار مر میں ہر صورت تیسری موسیقائی جزو پائے جاتے ہیں۔ تیسری موسیقائی جزو ہم قدم ہونے کی وجہ سے جع ہوکر ایک نہایت بڑی برقی دباؤکی موج پیدا کرتے ہیں جو کہھی کبھی برقی دباؤکی بنیادی جزو سے بھی زیادہ بڑھ جاتی ہے۔

بقایا تین قسم کے جڑے ٹرانسفار مرول میں برقی دباؤکی تیسری موسیقائی جزو مسئلہ نہیں کر تیں چونکہ ان میں سے کونی جُڑے لیجھوں میں برقی رو گردش کرنی شروع ہو جاتی ہے جو ان کے اثر کو ختم کر دیتی ہے۔

تین مرحلہ ٹرانسفار مر کے متوازن دور حل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مرستارہ نما جڑا ہے۔ یوں اس کے ایک مرحلے پر لا گو برتی دباؤ، یک مرحلہ برتی دباؤ ہو گا۔ اس کے ایک مرحلے پر لا گو برتی دباؤ، یک مرحلہ برتی دباؤ ہو گا۔ اس طرح ہم تصور کرتے ہیں کہ اس پر لدا برتی بوجھ بھی ستارہ نما بُڑا ہے۔ یوں تین مرحلہ کی جگہ ہم یک مرحلہ دور کا نسبتاً آسان ہو جاتا ہے۔ یہ ایک مثال سے فرطہ دور کا نسبتاً آسان ہو جاتا ہے۔ یہ ایک مثال سے زیادہ بہتر سمجھ آئے گا۔

مثال 3.9: ایک تین مرحلہ  $Y: \Delta 0000$  کلو وولٹ –ایمپیئر، 600: 11000 وولٹ اور 50 ہر ٹز پر چلنے والا کامل ٹرانسفار مر تین مرحلہ کے متوازن برقی بوجھ کو طاقت مہیا کر رہا ہے۔ یہ بوجھ تکونی جڑا ہے جہاں بوجھ کا ہر حصہ (0.504+j0.1917) کے برابر ہے۔ شکل 3.27 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

rating<sup>82</sup> name plate<sup>83</sup>



شکل 3.27: ٹرانسفارمر تکونی متوازن بوجھ کو طاقت فراہم کر رہا ہے۔

- 1. اس شکل میں ہر جگہ برقی رو معلوم کریں۔
  - 2. برقی بوجه<sup>84</sup> کو در کار طاقت معلوم کریں

حل:

پہلے تکونی بوجھ کو ستارہ نما بوجھ میں تبدیل کرتے ہیں

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

اس بوجھ کو ستارہ نما جڑا شکل 3.28 میں دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک برتی تار جسے نقطہ دار کئیر سے ظاہر کیا گیا ہے کو ٹرانسفار مرکی زمینی نقطہ سے بوجھ کے مشتر کہ سرے کے در میان جڑا دکھایا گیا ہے۔متوازن دور میں اس تار میں برقی رو صفر ہوگی۔ حل کرنے کی نبیت سے ہم اس متوازن دور سے ایک مرحلہ لے کر حل کرتے ہیں۔

یوں مساوی برقی بوجھ میں برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 / -20.825^{\circ}$$

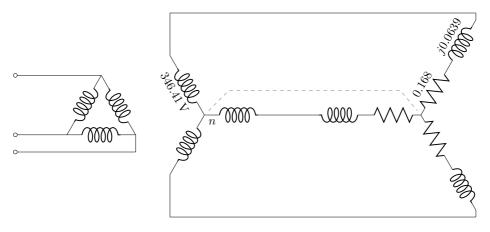
ہو گی اور اس ایک مرحلہ میں طاقت

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^{\circ}) = 624\,007\,\mathrm{W}$$

ہو گی۔ بوں برتی بوجھ کو پوری درکار برتی طاقت اس کے تین گنا ہو گی یعنی 1872 kW اس بوجھ کا جزو طاقت 8

$$\cos(-20.825^\circ) = 0.93467$$

electrical load<sup>84</sup> power factor<sup>85</sup> 3.12. تين مرحله ٹرانسفارمر



شکل 3.28: تکونی بوجھ کو مساوی ستارہ بوجھ میں تبدیل کیا گیا ہے۔

ہ۔

تکونی بوجھ میں برقی رو 1112.7 $\sqrt{3}=1927.262$  ایمپیئر ہو گی۔ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب برقی تاروں میں برقی رو

$$\left(\frac{600}{11000}\right)\times1927.262=105.12$$

ایمبیئر ہو گی۔

اس مثال میں جزو طاقت 0.93467 ہے۔اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں اگر صنعتی کارخانوں کی برقی بوجھ کی جزو طاقت 0.9 سے کم ہو جائے تو برقی طاقت فراہم کرنے والا ادارہ (واپڈا) جرمانہ نافذ کرتا ہے۔

باب 3. تُرانسفارمر

3.13 ترانسفارمر چالو کرتر لمحہ زیادہ محرکی برقی رو کا گزر

ہم دیکھ بچکے ہیں کہ اگر ٹرانسفار مر کے مرکز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو سائن نما ہو یعنی  $B=B_0\sin\omega t$  تو اس کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$v = e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t}$$
$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$
$$= V_0 \cos \omega t$$

لعيني

$$(3.45) B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

یہ مساوات بر قرار چالو8 ٹرانسفار مر کے لئے درست ہے۔

تصور کریں کہ ایک ٹرانسفار مر کو چالو کیا جارہا ہے۔ چالو ہونے سے پہلے مرکز میں مقناطیسی بہاو صفر ہے اور جس لمحہ اسے چالو کیا جائے اس لمحہ بھی بیہ صفر ہی رہتا ہے۔

جس لمحه ٹرانسفار مر کو چالو کیا جائے اس لمحه لا گو برقی د باؤ

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

ہے۔اگر $\pi/2$  یہ لوہ ہو تو آدھے دوری عرصہ  $\pi/2$  بعد مرکز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو  $\theta=\pi/2$ 

$$B = \frac{1}{NA_c} \int_0^{\pi/\omega} V_0 \cos(\omega t + \pi/2) dt$$
$$= \frac{V_0}{\omega NA_c} \sin(\omega t + \pi/2)_0^{\pi/\omega}$$
$$= -\left(\frac{2V_0}{\omega NA_c}\right)$$

steady state<sup>86</sup> time period<sup>87</sup> ینی کثافتِ مقناطیسی بہاو کا طول معمول سے دگنا ہو گا۔اگر یہی حساب  $\theta=0$  لحمہ کے لئے کیا جائے تو زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو بالکل مساوات 3.45 کے عین مطابق ہو گا۔ ان دو زاویوں کے مابین زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو ان دو حدوں کے در میان رہتا ہے۔

مرکز کی B-H خط غیر بتدر تج بڑھتا ہے۔ لہذا B دگنا کرنے کی خاطر H کو کئی گنا بڑھانا ہو گا جو کچھے میں محرک برتی رو بڑھانے سے ہوتا ہے \*\* یہاں صفحہ 50 پر دکھائے شکل 2.14 سے رجوع کریں۔ قوی ٹرانسفار مروں میں بہاو کی چوٹی B = 1.3 ہوتی ہے۔ ٹرانسفار مر چالو کرتے لمحہ یوں کثافتِ مقناطیسی بہاو کے سے متناطیسی بہاو کے ہوگئے ہوگئے درکار بیجان انگیز برتی رو نہایت زیادہ ہو گی۔ B = 1.3 میں کے لئے درکار بیجان انگیز برتی رو نہایت زیادہ ہو گی۔

<sup>2000&</sup>lt;sup>88</sup> کلو وولٹ-ایمپیئر ٹرانسفارمر سے چالو کرتے وقت تھرتھرابٹ کی آواز آتی ہے

910 ياب 3. ٹرانسفارمر

## باب 4

## برقی اور میکانی توانائی کا باہمی تبادلہ

برقی رو یا مقناطیسی بہاو کی مدد سے برقی توانائی کو میکانی توانائی یا میکانی توانائی کو برقی توانائی میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ مختلف مشین میں یہ عمل ہوتا ہے۔ ناپنے کے مشین نہایت کم طاقت کا تبادلہ کرتے ہیں۔ ان میں لاؤڈ سپیکر، ما مگروفون وغیرہ وغیرہ شامل ہیں۔ ان میں برقی مقناطیس، ریلے اوغیرہ شامل ہیں۔ ایک تیسری قسم، جن میں برقی موٹر اور جزیٹر شامل ہیں، لگاتار توانائی کو ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں مقناطیسی بہاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ برقی رو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ کو انہیں طرح کے طریقوں سے حل کیا جاتا ہے اگرچہ ان کا تذکرہ اس کتاب میں نہیں کیا جائے گا۔

اس باب میں جو تراکیب ہم سیکھیں گے وہ بہت اہمیت رکھتے ہیں اور انجنیئر نگ میں بہت سے مسائل حل کرنے میں مدد گار ثابت ہوتے ہیں۔

relay<sup>1</sup>

#### 4.1 مقناطیسی نظام میں قوت اور مرور ا

اگرایک برقی میدان میں برقی بار q رکھا جائے تو اس پر قوت

$$(4.1) F = qE$$

پائی جاتی ہے۔اگر برتی بار مثبت ہو تو یہ قوت برتی شدت E کی سمت میں ہوتی ہے اور اگر برتی بار منفی ہو تو یہ قوت E کی الٹ سمت میں ہوتی ہے۔ اس طرح اگر ایک برتی بار مقناطیسی میدان میں حرکت کر رہا ہو اور اس کی سمتی رفتار v ہو تو اس پر قوت

$$\mathbf{F} = q\left(\mathbf{v} \times \mathbf{B}\right)$$

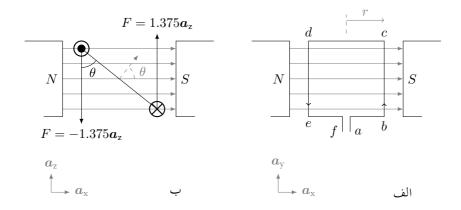
پائی جاتی ہے۔ اس مرتبہ مثبت برتی بار پر قوت کی سمت دائیں ہاتھ کیے قانون  $^{\epsilon}$  ہے معلوم کی جاتی ہے۔ اگر دائیں ہاتھ کے چار انگلیاں v کی سمت میں رکھ کر انہیں B کی سمت میں موڑا جائے تو انگوٹھا F کی سمت میں ہوگا۔ منفی برتی بار پر قوت اس کے مخالف سمت میں ہوگا۔ یہاں سمتی رفتار q اور B کے مابین ہے۔ اگر ایک برتی بار بیک وقت متناطیسی اور برقی میدان میں حرکت کر رہا ہو تب اس پر قوت ہمیں گزشتہ دو قوانین ملاکر یعنی مساوات لورین  $^{4}$  ہے۔ متناطیسی اور برقی میدان میں حرکت کر رہا ہو تب اس پر قوت ہمیں گزشتہ دو قوانین ملاکر یعنی مساوات لورین  $^{4}$  ہے۔

$$F = q\left(\boldsymbol{E} + \boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}\right)$$
 مساوات 4.2 میں اگر  $\boldsymbol{v} = \mathrm{d}\boldsymbol{L}/\mathrm{d}t$  کی جائے تو اسے ہوں کھا جا سکتا ہے۔  $\boldsymbol{F} = q\left(\frac{\mathrm{d}\boldsymbol{L}}{\mathrm{d}t} \times \boldsymbol{B}\right)$   $= \frac{q}{\mathrm{d}t}\left(\mathrm{d}\boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B}\right)$   $= i\left(\mathrm{d}\boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B}\right)$ 

مثال 4.1: شکل 4.1 میں ایک لچھا مقناطیسی میدان میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے کی رداس 15 سم، محوری لمبائی 50 سم اور اس میں برقی رو 5 ایمپیئر ہے۔ کثافتِ مقناطیسی بہاو کو نقطہ دار نوک والی لکیروں سے شالی قطب سے جنوبی قطب کی جانب دکھایا گیا ہے۔ اگر کثافتِ مقناطیسی بہاو 0.55 ٹیسلہ ہو تو

> velocity<sup>2</sup> right hand rule<sup>3</sup>

Lorenz equation<sup>4</sup>



شکل 4.1: ایک چکر کے لچھے پر قوت اور مروڑ

- کچھے کے اطراف پر قوت معلوم کریں اور
  - کھے پر مروڑ au معلوم کریں

حل: شکل-الف اور ب میں کار تیسی اکائی سمتیہ دیئے گئے ہیں۔اگر برقی تار کے سروں کو نظر انداز کیا جائے اور اسے ایک بند دائرہ سمجھا جائے تو شکل-الف میں برقی رو کی سمت میں تار کے اطراف کی لمبائیاں

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{
m x} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{eb} &= 2roldsymbol{a}_{
m x} \end{aligned}$$

ہیں جبکہ  $m{B} = B_0 m{a}_{\mathrm{X}}$  ہیں جبکہ  $m{B} = B_0 m{a}_{\mathrm{X}}$ 

$$\begin{aligned}
F_{bc} &= i \left( \mathbf{L}_{bc} \times B_0 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= 5 \left( 0.5 \mathbf{a}_{\mathbf{Y}} \times 0.55 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= -1.375 \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \\
F_{cd} &= 5 \left( -0.3 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \times 0.55 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= 0 \\
F_{de} &= 5 \left( -0.5 \mathbf{a}_{\mathbf{Y}} \times 0.55 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= 1.375 \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \\
F_{ea} &= 0
\end{aligned}$$

نیوٹن ہو گی۔ہم دیکھتے ہیں کہ قوت محوری لمبائی کی جانب اطراف پر ہی لا گو ہے۔یہ دو قوت حصہ بامیں دکھائے گئے ہیں جہاں سے یہ واضح ہے کہ یہ مروڑ پیدا کریں گی۔ اس مروڑ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے بھی با آسانی معلوم کی جاسکتی ہے۔مروڑ

 $\tau = -1.375 \times 2 \times 0.15 \times \sin \theta \mathbf{a}_{y}$  $= -0.4125 \sin \theta \mathbf{a}_{y}$ 

نیوٹن-میٹر ہے۔

ان مساوات کا استعال صرف سادہ ترین جگہوں ممکن ہوتا ہے۔ استعال میں آنے والی مشین میں ان مساوات سے قوت کا تعین کرنا نہایت مشکل ثابت ہوتا ہے۔ اب ہم وہ طریقہ سیکھتے ہیں جس کی مدد سے ہم مختلف مشین میں قوت کا تعین کر سکیں گے۔ اس طریقہ کو توانائی کا طریقہ کہتے ہیں اور یہ توانائی کے اٹل ہونے پر مبنی ہے۔

گومتی برقی مثین میں عموماً دو کچھے ہوتے ہیں۔ ان میں ایک کچھا مثین کے ساکن حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور اسی لئے ساکن رہتا ہے۔ لہذا اس کو مساکن پلھا کہتے ہیں۔ دوسرا کچھا مثین کے گھومنے والے حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور مثین گھومنے سے یہ بھی گھومتا ہے۔ لہذا اس کو گھومتا پلھا گہتے ہیں۔ ایسے مثین کو اس طرح سمجھنا نہایت آسان ہے کہ ہم ان دو کچھوں کو دو مقناطیس سمجھیں۔ جس طرح دو مقناطیس اگر قریب لائے جائیں تو یہ کوشش کرتے ہیں کہ ایک کا ثبال N دوسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

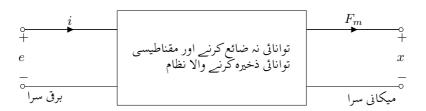
موٹر میں دونوں کچھے مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ ساکن کچھے کا مقناطیسی بہاو، گھومتے کچھے کے مقناطیسی بہاوسے کچھے آگے رہتا ہے اور اسے کھینچتا رہتا ہے۔ ایسا کرنے سے یہ کام کرتا ہے۔ جزیٹر میں اس کے برعکس گھومتا کچھا، ساکن کچھے پر کام کرتے ہوئے اس میں برقی دباؤ پیدا کرتا ہے۔

توانائی کے طریقے کو شکل 4.2 کی مدد سے سمجھا جا سکتا ہے۔ یہاں مقناطیسی نظام کو ایک ڈبہ کی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کو برقی توانائی مہیا کی جاتی ہے جس سے یہ میکانی توانائی پیدا کرتا ہے۔ یہاں برقی توانائی کے دو متغیرہ e اور e ہیں اور میکانی توانائی کے متغیرہ فاصلہ e اور میدانی قوت e ہیں۔ اس شکل میں بائیں جانب یعنی ابتدائی یا اولین e ہیں اور میکانی توانائی کے متغیرہ فاصلہ e اور میدانی قوت e ہیں۔ اس شکل میں بائیں جانب یعنی ابتدائی یا اولین

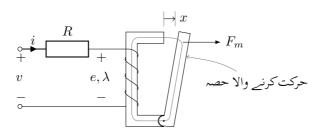
stator coil

rotor coil6

میدانی قوت  $F_m$  میں چھوٹی لکھائیی میں m لفظ میدانی کو ظاہر کر رہا ہر۔



شکل 4.2: برقی توانائی سے میکانی توانائی کے تبادلہ کا نظام۔



شكل 4.3: قوت بيدا كرنے والا آلا۔

جانب i کا رُخ باہر سے اندر کی طرف ہے اور دائیں جانب لیعنی ثانوی جانب  $F_m$  کا رُخ اندر سے باہر کی جانب ہے۔ یہ ٹرانسفار مر دور کے شکل  $\delta$  کی مانند ہے۔

اگر نظام میں توانائی کی ضیاع کو توانائی کے ذخیرہ ہونے سے علیحدہ کرنا ممکن ہو تو ایسی صورت میں توانائی کے ضیاع کو بیر ونی رکن سے پیش کیا جاتا ہے۔ شکل 4.3 میں ایک ایسا ہی نظام و کھایا گیا ہے جس میں لچھا برتی نظام کو پیش کرتا ہے۔ یہاں کچھے میں توانائی کے ضیاع کو، بیرونی مزاحمت کرتا ہے۔ عہاں کچھے میں توانائی کے ضیاع کو، بیرونی مزاحمت کا ہر کیا گیا ہے۔

توانائی کا بنیادی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی جاستی ہے اور نا ہی اسے تباہ کیا جاسکتا ہے۔ اس کو صرف ایک قتیم سے دوسرے قتیم کی توانائی میں تبدیل کیا جاسکتا ہے۔ للذا اسے جو برقی توانائی  $\frac{\partial W}{\partial t}$  دی جائے اس میں سے پچھ میکانی توانائی  $\frac{\partial W}{\partial t}$  میں تبدیل ہو گی، پچھ مقناطیسی میدان میں ذخیرہ ہو گی لیخی میناطیسی کام نہ آسکے گا۔ لیعنی طریقوں سے ضائع خلاق ہو گی جو ہمارے کسی کام نہ آسکے گا۔ لیعنی

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{j}}} = \partial W_{\dot{\mathbf{j}}} + \partial W_{\dot{\mathbf{j}}} + \partial W_{\dot{\mathbf{j}}} + \partial W_{\dot{\mathbf{j}}} + \partial W_{\dot{\mathbf{j}}}$$

اگر برقی توانائی کے ضیاع کو نظرانداز کیا جائے تو

$$\partial W_{\vec{i},j} = \partial W_{\vec{i},j} + \partial W_{\vec{i},j} + \partial W_{\vec{i},j}$$

اس مساوات کو  $\partial t$  سے تقسیم کرنے سے حاصل ہوتا ہے

$$\frac{\partial W_{\ddot{\dot{y}}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\dot{\dot{y}}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\dot{\dot{y}}}}{\partial t} + \frac{\partial W_{\dot{\dot{y}}}}{\partial t}$$

یہ مساوات توانائی کی بجائے طاقت کی بات کرتا ہے۔ اگر ہم بائیں ہاتھ کی جانب یعنی برقی طاقت کو ei کھیں اور دائیں ہاتھ کی جانب میکانی حصہ میں  $\partial W_{i,k} = F_m \partial x$  کھیں تو

(4.8) 
$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں مقاطی<sub>ی</sub> W کو  $W_m$  ککھا گیا ہے۔مساوات 2.27 کے استعال سے اسے یوں ککھا جا سکتا ہے۔

$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

یا

$$\partial W_m = i\partial\lambda - F_m\partial x$$

مساوات 4.10 توانائی کے طریقہ کی بنیاد ہے۔ یہ مساوات استعال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیادی طور پر لورینز کے قانون $\lambda$  ہیں۔ لندا شکل 4.10 میں برقی متغیرہ i اور e کی بجائے i اور  $\lambda$  ہیں۔ لندا شکل 4.2 کو شکل 4.4 کی طرح بھی بنایا جا سکتا ہے۔

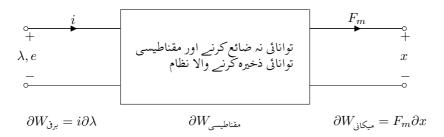
کسی بھی تفاعل
$$^{9}$$
 کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں  $z(x,y)$ 

(4.11) 
$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

اس طرح ہم  $W_m(x,\lambda)$  کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

(4.12) 
$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} d\lambda$$

Lorenz equation<sup>8</sup> function<sup>9</sup>



شكل 4.4: توانائي كي شكل تبديل كرنے والا ايك نظام.

اس مساوات اور مساوات 4.10 سے ہم اخذ کر سکتے ہیں کہ

(4.13) 
$$F_m(x,\lambda) = -\left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial t} \right|_{\lambda_0}$$

$$i(x,\lambda) = \left. \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \right|$$

اگر ہم مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی  $W_m(x,\lambda)$  معلوم کر شکیں تو مساوات 4.13 کو استعال کر کے ہم قوت کا حساب لگا سکتے ہیں۔ ہم اگلے حصہ میں یہی کرتے ہیں۔

### 4.2 تبادله توانائي والا ايک لچهر کا نظام

شکل 4.3 میں ایک لچھے کا سادہ نظام و کھایا گیا ہے۔ لچھے میں برقی ضیاع کو بیرونی مزاحمت سے پیش کیا گیا ہے۔ میکانی نظام میں حرکت کرنے والے حصہ کے کمیت کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ اگر اس کمیت کے اثر کا بھی حساب لگانا ہو تو اس کمیت کو ایک بیرونی کمیت تصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح تبادلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔

قوت پیدا کرنے والے مشین میں حرکت نا گزیر ہے۔ عموماً حرکت تب ممکن ہوتی ہے جب مقناطیسی مرکز میں خلاء ہو جو کم اور زیادہ ہو سکے۔ عموماً  $\Re_a\gg\Re_c$  ہوتا ہے۔ للذا جب بھی خلائی درز رکنے والی مقناطیسی دور حل کرنی ہو، ہم  $\Re_c$  کو نظرانداز کر سکتے ہیں۔ایسا کرنے ہے، جیسا مساوات 2.19 میں دیا گیا ہے، ہم مقناطیسی دباؤ  $\tau$  اور مقناطیسی بہاو  $\phi$  کو براہ راست متناسب کھے سکتے ہیں۔ اسی طرح مساوات 2.28 کو اب ہم یوں کھے سکتے ہیں۔

$$(4.15) \lambda = L(x)i$$

اس مساوات میں امالہ کو L(x) لکھ کر اس بات کی نشاندہی کی گئی ہے کہ یہ صرف اور صرف شکل 4.3 میں خلاء کی لمبائی x پر منحصر ہے۔

شکل 4.3 میں قوت  $F_m$  کی سمت میں طے ہونے والا فاصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام  $F_m$  کی سمت میں طے ہونے والا فاصلہ x ہے۔ اگر ہمیں مقناطیسی میدان میں برابر ہو گا جبکہ  $d\lambda$  معلوم کرتی ہو تو ہمیں مساوات 4.10 کا تکمل 10 لینا ہو گا۔ یعنی ذخیرہ توانائی  $W_m$  معلوم کرتی ہو تو ہمیں مساوات 4.10 کا تکمل 10 لینا ہو گا۔ یعنی

(4.16) 
$$\int \partial W_m = \int i(x,\lambda) \, \mathrm{d}\lambda - \int F_m(x,\lambda) \, \mathrm{d}x$$

اس تکمل کا حصول شکل 4.5 سے واضح ہو گا۔ابتدائی نقطے پر مقناطیسی نظام کو کوئی برقی توانائی نہیں دی گئی۔ اس لئے اس میں برقی رو صفر ہونے کی وجہ سے مقناطیسی بہاو اور ارتباط بہاو بھی صفر ہے۔اسی وجہ سے مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی بھی صفر ہے۔یوں قوت اور حرکت بھی صفر ہے۔یعنی ابتدائی نقطہ پر

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

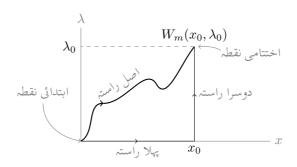
ہے۔ابتدائی نقطہ شکل 4.5 میں وکھایا گیا ہے۔ ہم اب کچھ کو برقی توانائی فراہم کرتے ہیں۔ کچھ میں برقی رو رواں ہوتی ہے۔ ہم آخر کار اختتامی نقطہ پہ پہنی جاتے ہیں۔اختتامی نقطہ بھی شکل میں وکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پہ  $\lambda = \lambda$  اور  $\lambda = \lambda$  اور  $\lambda = \lambda$  اور  $\lambda = \lambda$  اور  $\lambda = \lambda$  میں وکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پہ  $\lambda = \lambda$  اور  $\lambda = \lambda$  اور المور المور المور المور المور المور المور المور المور المور

ہم اس حقیقت سے فائدہ اٹھاتے ہیں کہ مقاطیسی میدان ایک قدامت پسند میدان انہ ہے جس کا مطلب ہے کہ مقاطیسی میدان میں مقاطیسی مون اٹھائی فقط کے  $x_0$  اور  $x_0$  کی مقدار پر مخصر ہے  $x_0$  اس کا مقاطیسی میدان میں مقاطیسی توانائی کے اس کا مطلب سے ہے کہ ہم جس راستے سے بھی آخری نقطہ تک پہنچیں ہمیں مقاطیسی میدان میں مقاطیسی توانائی کیسال ملے مطلب ہم مکمل کرتے وقت شکل 4.5 میں ابتدائی نقطہ سے پہلے راستے چلتے ہیں اور جب ہم فاصلہ  $x_0$  طے کر لیں تو گی۔ للذا ہم مکمل کرتے وقت شکل 4.5 میں ابتدائی نقطہ سے پہلے راستے جلتے ہیں اور جب ہم فاصلہ  $x_0$ 

integral<sup>10</sup>

conservative field<sup>11</sup>

بهی قدامت پسند میدان بهی قدامت پسند میدان بر اسی لئر اگر کمیت m کو کسی بهی راستر h کی بلندی تک لر جایا جائر تو اس کی توانائی mgh ہو گی۔



شكل 4.5: مقناطيسي ميدان ميں توانائي ـ

یہاں سے دوسرا راستہ اختیار کر کے اختیامی نقطہ  $(x_0, \lambda_0)$  پہپنچتے ہیں۔ لہذا ہم مساوات 4.16 کو اب دو ٹکٹروں میں کھیں گے، نقطہ (0,0) سے نقطہ  $(x_0,\lambda_0)$  تک اور پھر یہاں سے نقطہ  $(x_0,\lambda_0)$  تک

(4.17) 
$$\int\limits_{\mathcal{V}_{m}} \partial W_{m} = \int\limits_{\mathcal{V}_{m}} \partial W_{m} + \int\limits_{\mathcal{V}_{m}} \partial W_{m}$$

اس مساوات کی دائیں جانب جزو کو باری باری دیکھتے ہیں۔پہلے رائے تکمل کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(4.18) 
$$\int_{\mathbb{R}^d} \partial W_m = \int_0^0 i(x,0) \, \mathrm{d}\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \, \mathrm{d}x$$

اگر  $0=\lambda$  ہو تو مقناطیسی بہاو بھی صفر ہو گا۔ مقناطیسی بہاو کے صفر ہونے کا مطلب ہے کہ کوئی مقناطیسی اثر موجود نہیں للذا قوت  $F_m$  بھی صفر ہو گا۔ اور ہم جانتے ہیں کہ صفر کا تکمل صفر ہی ہوتا ہے۔ للذا اس مساوات میں  $\int_0^{x_0} F_m(x,0) \, \mathrm{d}x = 0$ 

(4.19) 
$$\int_{\mathcal{L}} \partial W_m = \int_0^0 i(x,0) \, \mathrm{d}\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \, \mathrm{d}x = 0$$

اسی طرح مساوات 4.17 کی دوسرے رائے کے حکمل کے جزو کو یوں کھھا جا سکتا ہے۔

(4.20) 
$$\int_{\mathcal{F}_{m}} \partial W_{m} = \int_{0}^{\lambda_{0}} i(x_{0}, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda - \int_{x_{0}}^{x_{0}} F_{m}(x_{0}, \lambda) \, \mathrm{d}x$$

اس میں ہم دیکھتے ہیں کہ پورے رائے  $x=x_0$  رہتا ہے۔ قوت کا تکمل صفر ہے چونکہ x کے ابتدائی اور اختیامی قیمتیں برابر ہیں۔ یعنی

(4.21) 
$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x = 0$$

آخر میں رہ گیا برقی رو کا تکمل۔ مساوات 4.15 کو استعال کرتے ہوئے

$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda \, \mathrm{d}\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

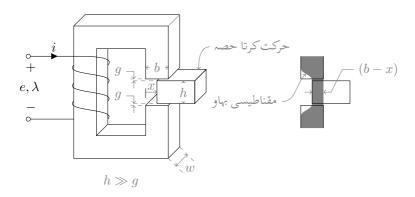
اس طرح ہمیں آخر کار مقناطیسی میدان میں توانائی کی مساوات حاصل ہو گئی۔

$$(4.23) W = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

 $i(x,\lambda)$  اس مساوات کی مدد سے مساوات 4.13 کے ذریعہ قوت  $F_m(x,\lambda)$  اور مساوات 4.14 کے ذریعہ برقی رو

مثال 4.2: شکل 4.6 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکت کرنے والے جھے اور ساکن  $i=30~{
m A}$  ہوں خول کی درز g ہے۔ اگر  $w=0.4~{
m m}$  ہول تو اس خلاکی درز میں تواناکی  $w=0.4~{
m m}$  معلوم کریں۔

حل: چونکہ  $g\gg g$  ہے لہذا مقناطیسی بہاو کا بیشتر حصہ حرکت کرتے جصے سے گزرے گا۔ ساکن جصے میں  $W_m=\frac{\lambda^2}{2L}$  مقناطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ کر حرکت کرتے جصے میں سے گزرے گا۔ ہمیں معلوم ہے کہ میناطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ



شكل 4.6: حركت اور توانائي.

اور 
$$L=\lambda i$$
 بین للذا  $L=u^2$  کیھا جا سکتا ہے جہاں  $L=\frac{N^2\mu_0A_g}{2g}$  اور  $W_m=\frac{1}{2}Li^2$  اور  $W_m=\frac{1}{2}Li^2$  بین لیذا ہے۔ برابر بین لین البندا ہے کہ ایک کیھا جا سکتا ہے جہاں ہیں۔ پول

$$W_m = \frac{1}{2} \frac{N^2 \mu_0 A_g}{2g} i^2$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{500^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.4(0.2 - x)}{2 \times 0.001} \times 30^2$$

$$= 28278(0.2 - x)$$

جاول کے برابر ہے۔

مثال 4.3: شکل 4.6 میں توانائی کے طریقہ سے قوت  $F_m$  معلوم کریں۔

x اور  $F_m=-rac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}\Big|_{\lambda_0}$  منظر ماوات 4.13 کہتا ہے کہ توانائی کے متغیرہ x اور  $F_m=-rac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}\Big|_{\lambda_0}$  متغیرہ x اور x ہونے چاہئے۔

مثال 4.2 میں ہم نے توانائی معلوم کی۔البتہ یہ معلوم کرنے کے لئے ہم نے کم کی بجائے اللہ معلوم کی۔البتہ یہ معلوم کی۔ البتہ یہ معلوم کی۔ البتہ یہ معلوم کی۔ لائم کی بحائے کہ متغیرہ x اور x بن گئے ۔ ہم یں گئے۔ ہمیں کر سکتے۔ ہمیں کو استعال نہیں کر سکتے۔ ہمیں کو استعال نہیں کر سکتے۔ ہمیں

چاہے۔ درست طریقہ یہ ہے 
$$W_m(x,\lambda)$$

$$W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2\left(\frac{N^2\mu_0 A_g}{2g}\right)} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0 w(b-x)}$$

اب اسے مساوات 4.13 میں استعال کرتے ہوئے

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2 \mu_0 w (b-x)^2}$$

تفرق لینے کے بعد  $\lambda$  کی جگہ Li یُر کیا جا سکتا ہے۔یوں قوت

$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28278$$

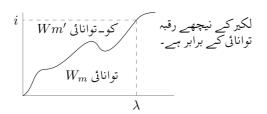
نیوٹن حاصل ہوتا ہے۔ منفی قوت کا مطلب ہے کہ قوت x کی اُلٹ جانب ہے لیعنی حرکت کرنے والا حصہ اس جانب حرکت کرے گا جس جانب فاصلہ کم ہوتا ہو۔

## 4.3 توانائی اور کو-توانائی

شکل 4.7 میں  $\lambda$  اور i کے مابین گراف و کھایا گیا ہے۔ جیسا آپ و کھ سکتے ہیں کہ کلیر کے نیچے رقبہ دراصل توانائی ہی ہے۔ اگر ہم اس گراف پر کوئی ایک نقطہ  $(\lambda,i)$  لیں اور اس نکتے سے ایک کلیر نیچے کی طرف اور دوسری کلیر بائیں جانب کھنچے تو ہمیں ایک مشتطیل ملتا ہے جس کا رقبہ i کی برابر ہو گا۔ اگر اس میں سے ہم توانائی i منفی کر لیں تو جو مقدار ملتی ہے اس کو کو-توانائی i کہتے ہیں یعنی

$$(4.24) W_m' = \lambda i - W_m$$

4.3. توانائي اور كو-توانائي



شكل 4.7: كو-توانائي كي تعريف.

اس مساوات کے تدریجی تفرق 13

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

میں مساوات 4.10 کے استعال سے

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W_m' = \lambda \partial i + F_m \partial x$$

حاصل ہوتا ہے۔

مساوات 4.11، 4.12، 4.12 اور 4.14 کی طرح یہاں مجھی کسی مجھی تفاعل 
$$z(x,y)$$
 کا تدریجی فرق  $\partial z(x,y)=rac{\partial z}{\partial x}\,\mathrm{d}x+rac{\partial z}{\partial y}\,\mathrm{d}y$  جے۔ یوں ہم کو-توانائی  $W_m'(x,i)$  کے لئے ککھ سکتے ہیں

(4.26) 
$$\partial W'_m(x,i) = \frac{\partial W'_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W'_m}{\partial i} di$$

اس مساوات کو مساوات 4.25 کے سات دیکھیں تو

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

partial differential<sup>13</sup>

اور

$$(4.28) F_m = \frac{\partial W_m'}{\partial x} \bigg|_{i_0}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ قوت معلوم کرنے کی بید دوسری مساوات ہے۔ اس مساوات میں کو-توانائی استعال ہوتی ہے جبکہ مساوات 4.13 میں توانائی کے ذریعہ قوت حاصل کی گئی۔

بالکل توانائی کے طریقہ سے ان مساوات کے تکمل سے حاصل ہوتا ہے

(4.29) 
$$W'_m(i_0, x_0) = \int_0^{i_0} \lambda(i, x_0) \, \mathrm{d}i$$

جن نظام میں  $\lambda$  اور i تغیر راست ہوں اور جنہیں مساوات 2.28 کے تعلق سے پیش کیا جا سکے ان کے لئے اس مساوات کو مزید یوں حل کیا جا سکتا ہے۔

(4.30) 
$$W'_m(i,x) = \int_0^i L(x)i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x)i^2}{2}$$

کچھ مسائل میں توانائی اور کچھ میں کو-توانائی کا استعال زیادہ آسان ہوتا ہے۔

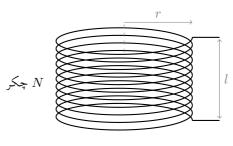
مثال 4.4: شکل 4.8 میں ایک پیچدار کچھا $^{14}$  دکھایا گیا ہے جس کی محوری کمبائی  $^{1}$ ، رداس  $^{1}$  اور چکر  $^{1}$  ہیں۔ایسے پیچدار کچھ کی مقناطیسی بہاو محوری سمت میں کچھ کے اندر ہی رہتی ہے۔ کچھ کے باہر مقناطیسی بہاو کی مقدار قابل نظر انداز ہوتی ہے۔یوں کچھے کے اندر محوری کمبائی کی سمت میں میدانی شدت  $^{1}$   $^{1}$   $^{1}$  ہوتی ہے۔

ایسے پیچیدار کچھے موصل دھاتوں کو امالی برقی توانائی کے ذریعہ پگھلانے کے لئے استعال کئے جاتے ہیں۔ میں اس طرح کی 100 کلوواٹ سے 1500 کلو واٹ برقی طاقت کی 100 کلو گرام سے 3000 کلو گرام لوہا پگھلانے کی امالی برقی بھٹیاں 15 بناتا رہا ہوں جو 500 ہرٹز سے 1200 ہرٹز کے در میاں کام کرتی ہیں۔اس طرح کے پیچیدار کچھے میں غیر موصل پیالے میں موصل دھات کے کلڑے ڈالے جاتے ہیں اور اس کچھے میں بدلتی رو گزاری جاتی ہے۔دھات میں بختور نما امالی برقی رو اسے گرم کر کے پگھلا دیتی ہے۔لوہے کو یوں 1650 ڈگری ٹلسٹس 16 کس گرم کیا جاتا ہے۔

spiral coil<sup>14</sup>

high frequency, induction furnaces $^{15}$  Celsius, Centigrade $^{16}$ 

4.3. توانائي اور كو-توانائي



شكل 4.8: پيچدار لچها۔

- اس پیچدار کچھے پر معین برقی رو  $I_0$  گزرنے کی صورت میں رواسی سمت میں میکانی دباؤ لیعنی قوت فی مربع رقبہ معلوم کریں۔
  - میری 3000 کلو گرام لوہا پکھلانے کی بھٹی کے پیچیدار کیجھے کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

$$N=11,~~I_0=10\,000\,\mathrm{A},~~l=0.94\,\mathrm{m},~~r=0.49\,\mathrm{m}$$

اس پر رداسی ست میں میکانی دباؤ، نیوٹن فی مربع میٹر، میں حاصل کریں۔

حل الف:

ہم کو-توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \\ W_m'(r,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l} \\ F &= \frac{\partial W_m'}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l} \end{split}$$

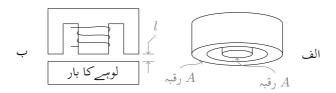
یہ مثبت قوت رداسی سمت میں باہر کی جانب ہے۔ کیھے کی گول سطح  $A=2\pi r l$  ہے۔ یوں میکانی دباؤ

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

-2

حل ب:

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8605 \,\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$



شكل 4.9: برقى مقناطيس.

مثال 4.5: 2000 کلوواٹ سے 3000 کلوواٹ کی لوہا پگھلانے کی بھٹیاں 30 ٹن اسے 70 ٹن لوہا روزانہ پگھلاتی ہیں۔ 18 تنا وزن ایک جگہ سے دو سری جگہ منتقل کرنے کی خاطر عموماً برقی مقناطیس استعال ہوتا ہے۔ شکل 4.9-الف میں ایک ایسا ہی برقی مقناطیس د کھایا گیا ہے جس کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

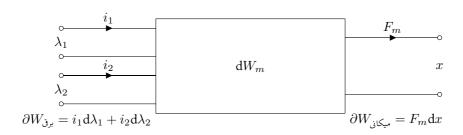
$$N = 300, \quad A = 0.8 \,\mathrm{m}^2, \quad I = 30 \,\mathrm{A}$$

اگر برقی مقناطیسی اور لوہے کے در میان اوسط فاصلہ 2.5 سٹی میٹر لیا جائے تو یہ برقی مقناطیسی کتنی کمیت لوہا اٹھا سکتی ہے۔

ط:

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 A}{2l} \\ W_m'(l,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l} \\ F &= \frac{\partial W_m}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.0254^2} = 31\,558\,\mathrm{N} \end{split}$$
يوں يہ مقاطيس  $\frac{d_{max}}{dt} = \frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$  يوں يہ مقاطيس  $\frac{d_{max}}{dt} = \frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> ہزار کلوگرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ <sup>18</sup> یہ میں اپنے تجربے کی بنیاد پر کہہ رہا ہوں۔



شكل 4.10: دو لچهوں كا نظام.

## مثال 4.6: مثال 4.3 کو کو-توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔

حل: مساوات 4.30 سے

$$W'_{m} = \frac{L(x)i^{2}}{2} = \frac{N^{2}\mu_{0}w(b-x)i^{2}}{4g}$$

اور مساوات 4.28 سے

$$F_m = \frac{\partial W_m}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4q} = -28278 \,\mathrm{N}$$

یہ اتنی ہی قوت ہے۔ ہونا بھی ایسا ہی چاہئے۔

## 4.4 زیاده لچهوں کا مقناطیسی نظام

ا بھی تک صرف ایک لچھے کے نظام کا مطالعہ کیا گیا ہے۔ اس حصہ میں ایک سے زیادہ لچھوں کے نظام کا مطالعہ کیا جائے گا۔ زیادہ لچھوں کا نظام بھی بالکل ایک لچھے کے نظام کی طرح حمل ہوتے ہیں۔ شکل 4.10 میں بائیں جانب ایک

ليح كا برتى رو $i_1$  اور دوسرے ليح كا برقى رو $i_2$  ہے۔ للذا

$$\partial W_{\mathbf{\ddot{\mathbf{J}}}_{\checkmark}} = i_1 \,\mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \,\mathrm{d}\lambda_2$$

$$\partial W_{\mathbf{\vec{5}},} = \partial W_{\mathbf{\vec{5}},} + \partial W_{m}$$

$$(4.33) i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 = F_m dx + \partial W_m$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں پہلی مساوات کو دوسری میں پُر کرتے ہوئے تیسری مساوات حاصل کی گئی جسے مزید یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - F_m \, \mathrm{d}x$$

اب بالكل مساوات 4.11 كى طرح

(4.35) 
$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} dx$$

اس مساوات میں ہم نے دائیں طرف کی جگہ لکھا ہے۔ مساوات 4.34 اور 4.35 سے حاصل ہوتا ہے

(4.36) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, x}$$

(4.37) 
$$i_2 = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_2} \bigg|_{\lambda_1, x}$$

$$(4.38) F_m = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

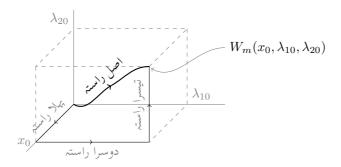
 $W_m$  معلوم ہو للذا ہم پہلے اس کو معلوم کرتے ہیں۔  $W_m$  معلوم ہو للذا ہم پہلے اس کو معلوم کرتے ہیں۔

شکل 4.10 میں دونوں کچھوں کو اس طرح طاقت دی جاتی ہے کہ  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  آہتہ آہتہ صفر سے بڑھتے ہوئے  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  تک پہنچ جاتے ہیں اور سات ہی سات x صفر سے تبدیل ہو کر  $x_0$  ہو جاتا ہے۔ اس اصل راستے کو شکل  $\lambda_1$  میں موٹی کلیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ بالکل مساوات 4.17 کی طرح ہم لکھ سکتے ہیں۔

$$\int\limits_{\mathbb{T}_{m}\setminus\{l_{n}=1\}}\partial W_{m}=\int\limits_{\mathbb{T}_{m}}\partial W_{m}+\int\limits_{\mathbb{T}_{m}\setminus\{l_{m}=1\}}\partial W_{m}+\int\limits_{\mathbb{T}_{m}\setminus\{l_{m}=1\}}\partial W_{m}$$

ہم دائیں جانب کے تکمل کو باری باری حل کرتے ہیں۔

(4.40) 
$$\int_{\mathbb{R}^d} \partial W_m = \int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - \int_0^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x$$



شکل 4.11: دو لچھوں کے نظام میں مقناطیسی میدان میں توانائی۔

اگر تکمل کے ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.41) 
$$\int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

ہوں گے۔پہلے راتے  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  دونوں صفر ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ دونوں کچھوں میں برقی رو صفر ہے، لہذا مقناطیسی بہاو کی غیر موجودگی میں قوت  $F_m=0$  ہو گا اور صفر کا کممل صفر ہی ہوتا ہے لیتن

(4.42) 
$$\int_0^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = \int_0^{x_0} 0 \, \mathrm{d}x = 0$$

اس طرح

$$\int_{\mathcal{A}_{0}} \partial W_{m} = 0$$

عاصل ہوتا ہے۔دوسرے را*ستے* پر

(4.44) 
$$\int_{\mathcal{F}_{m}} \partial W_{m} = \int_{0}^{\lambda_{1_{0}}} i_{1} d\lambda_{1} + \int_{0}^{0} i_{2} d\lambda_{2} - \int_{x_{0}}^{x_{0}} F_{m} dx$$

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کے ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.45) 
$$\int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے جس سے

$$\int_{\mathcal{T}_{|\mathcal{T}|,\mathcal{T}_{p,p}}} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1$$

رہ جاتا ہے۔ یہاں ہمیں مساوات 2.32 ، 2.35 اور 2.37 کی ضرورت پڑتی ہے۔ یہ تین مساوات مندرجہ ذیل ہیں

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$$

$$(4.49) L_{12} = L_{21}$$

ان مساواتوں کو ہم  $i_1$  اور  $i_2$  کے لئے حل کریں تو حاصل ہوتا ہے۔

$$i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

$$(4.51) i_2 = \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D}$$

جہاں

$$(4.52) D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

کے برابر ہے۔اب ہم مساوات 4.46 میں مساوات 4.50 پُر کرتے ہیں۔ چونکہ دوسرے راستے یہ  $\lambda_2$  صفر ہے للذا

(4.53) 
$$\int_0^{\lambda_{1_0}} \left( \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) d\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{1_0}} \lambda_1 d\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

کے برابر ہے۔ یوں

$$\int\limits_{\mathcal{T}_{1/2}}\partial W_{m}=\frac{L_{22}\lambda_{1_{0}}^{2}}{2D}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اسی طرح تیسرے راستے پر

(4.55) 
$$\int_{\lambda_{1_0}} \partial W_m = \int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + \int_0^{\lambda_{2_0}} i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x$$

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کے ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.56) 
$$\int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے اور بقایا تھے میں  $i_2$  پُر کرتے ہوئے

(4.57) 
$$\int_0^{\lambda_{2_0}} i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = \int_0^{\lambda_{2_0}} \left( \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D} \right) \, \mathrm{d}\lambda_2 \\ = \frac{L_{11}\lambda_{2_0}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے

(4.58) 
$$\int_{Z_{m}} \partial W_{m} = \frac{L_{11}\lambda_{20}^{2}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

ملتا ہے۔

مساوات 4.43 ،4.54 اور 4.58 کو جمع کر کے مساوات 4.39 کا حل ملتا ہے۔

$$\int \partial W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

اسی طرح اگر ہم کو-توانائی سے حل کرتے تو

(4.60) 
$$\partial W'_m(x, i_1, i_2) = \lambda_1 di_1 + \lambda_2 di_2 + F_m dx$$

جہاں

$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W_m'(x, i_1, i_2)}{\partial i_1} \right|_{x, i_2}$$

(4.62) 
$$\lambda_2 = \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_2} \bigg|_{x, i_1}$$

(4.63) 
$$F_{m} = \frac{\partial W'_{m}(x, i_{1}, i_{2})}{\partial x} \Big|_{i_{1}, i_{2}}$$

$$(4.64) W'_m(x,i_1,i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

جس سے قوت کی مساوات

$$(4.65) F_m = \frac{i_1^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{11}(x)}{\mathrm{d}x} + \frac{i_2^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{22}(x)}{\mathrm{d}x} + i_1 i_2 \frac{\mathrm{d}L_{12}(x)}{\mathrm{d}x}$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 4.7: شکل 4.10 میں میکانی کام کو 
$$\theta$$
 کام کو  $\partial W_{\dot{b}_{S}} = T_m \, \mathrm{d}\theta$  کریں۔ علی:

$$\partial W_{\mathbf{\bar{\beta}}_{\mathcal{L}}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

اور  $\partial W_{\dot{\mathcal{S}}} = T_m \,\mathrm{d} heta$  کو

$$\partial W_{\ddot{\mathcal{J}}_{\checkmark}} = \partial W_{\dot{\mathcal{J}}_{\checkmark}} + \partial W_m$$

میں پُر کرنے سے

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - T_m \, \mathrm{d}\theta$$

 $W_m$ حاصل ہوتا ہے۔ $W_m$  کے جزوی تفرق

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} d\theta$$

کا مساوات 4.66 کے ساتھ موازنہ کرنے سے

$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, \theta}$$

(4.68) 
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1, \theta}$$

$$(4.69) T_m = -\left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \theta} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان مساوات کا آخری جزو بالکل مساوات 4.34 کی طرح ہے۔اس کو حل کرنے کا ایک ایک قدم بالکل مساوات 4.34 کو حل کرنے کی طرح ہو گا بس فاصلہ x کی جگہ زاویہ  $\theta$  آئے گا۔یوں جواب میں میدانی توانائی کے متغیرات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  ہوں گے یعنی۔

$$(4.70) W_m(\lambda_{1_0}, \lambda_{2_0}, \theta_0) = \int W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

اسی طرح کو-توانائی کے لئے جواب یہ ہے

$$\partial W'_m(i_1, i_2, \theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$

(4.72) 
$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{1}} \bigg|_{i_{2}, \theta}$$

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{2}} \bigg|_{i_{1}, \theta}$$

$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial \theta} \bigg|_{i_{1}, i_{2}}$$

جہاں

$$W'_m(i_1, i_2, \theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

-4

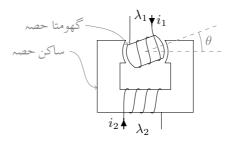
مثال 4.8: شکل 4.12 میں دو کچھوں کا نظام د کھایا گیا ہے۔اس نظام کا ایک حصہ ساکن رہتا ہے اور دوسرا گھوم سکتا ہے۔افقی کلیر سے گھڑی کی اُلٹی جانب زاویہ 6 ناپا جاتا ہے۔ کچھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندرجہ ذیل ہیں۔

$$L_{11} = 20 + 30\cos 2\theta$$
  

$$L_{22} = (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3}$$
  

$$L_{12} = 0.15\cos \theta$$

برقی رو  $T_m$  معلوم کریں۔  $i_1=0.02\,\mathrm{A}, i_2=5\,\mathrm{A}$  معلوم کریں۔



شکل 4.12: دو لچھوں کے نظام میں مروڑ۔

حل: مساوات 4.73 سے کو-توانائی حاصل ہوتی ہے اور مساوات 4.72 کے آخری جزو سے مروڑ لینی

$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_2^2 \sin 2\theta - 0.15i_1i_2 \sin \theta$$
$$= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$
$$= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$

مروڑ منفی ہونے کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ کی اُلٹ سمت میں ہے۔ یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں گے تو یہ نظام اسے کم کرنے کی جانب مروڑ کی جانب مروڑ کی جانب مروڑ پیدا کرے گا اور اگر آپ زاویہ کم کرنے کی کوشش کریں تو یہ زاویہ بڑھانے کی جانب مروڑ پیدا کرے گا۔ سادہ زبان میں گھومتا حصہ اُفقی کیر پر رہنے کی کوشش کرے گا۔

# گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشین کے بنیادی اصول پر غور کیا جائے گا۔ ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قسم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

## 5.1 قانونِ فيرادُ م

فیراڈے کے قانون کے تحت جب بھی ایک لچھے کا ارتباط بہاو \ وقت کے ساتھ تبدیل ہو تو اس لچھے میں برقی دباؤ پیدا ہوتا ہے۔ یعنی

$$(5.1) e = -\frac{\partial \lambda}{\partial t} = -N\frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گھومتے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے لائی جاتی ہے۔ یا تو کیچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھمایا جاتا ہے، یا پھر ساکن کیچھے میں مقناطیس گھمایا جاتا ہے، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law<sup>1</sup>

لیجے مقناطیسی مرکز یر کیلئے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباؤ سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو حاصل کیا جاتا ہے اور کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ دیگر یہ کہ مرکز کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کی جگہ پہنچایا جاتا ہے۔

چونکہ ایسے مثین کے مرکز میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا مرکز میں بھنور نما برقی رو<sup>3</sup> پیدا ہوتا ہے۔ ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر، مرکز کو باریک لوہے کی پتری<sup>4</sup> تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے ۔ یہ بالکل اسی طرح ہے جیسے ٹرانسفار مروں میں کیا جاتا ہے۔

#### 5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برتی جزیئر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے۔ اس کے مرکز میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ  $\theta_m$  سے بتلائی جاتی ہے۔ افقی کلیر سے گھڑی کے الٹ ست زاویہ  $\theta_m$  نایا جاتا ہے۔

n یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیں ایک مقررہ رفتار سے یوں گھوم رہا ہو کہ یہ ہر سینڈ میں n مکمل چکر لگائے تو ہم کہتے ہیں کہ مقناطیں کے گھومنے کی تعدد n ہر ٹڑ ہے۔اسی بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیں 60n چکر فی منٹ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 600 زاویہ یا  $2\pi$  ریڈیئن 7 پیل مشتمل ہوتا ہے۔ الہذا اس گھومنے کی رفتار کو  $2\pi$  ریڈیئن فی سینڈ بھی کہا جا سکتا ہے۔اس بات کو اب ہم یوں بیان کر سکتے ہیں۔ اگر مقناطیں کے گھومنے کی تعدد 7 ہر ٹر ہو تو یہ س ریڈیئن فی سینڈ کی رفتار سے گھومتا ہے۔ جہاں

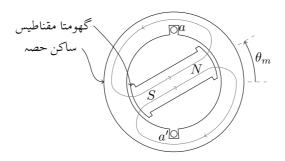
$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس كتاب مين گھومنے كى رفتار عموماً ريڈينن فى سينٹر مين بى بيان كى جائے گى۔

شکل 5.1 میں دکھائے گئے مشین میں مقناطیس کے دو قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطب والا مشین کہتے ہیں۔ اس مشین میں ایک ساکن کچھا استعال ہوا ہے جس کی وجہ سے اس کو ایک کچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ اس کے باہر

magnetic core<sup>2</sup>
eddy currents<sup>3</sup>
laminations<sup>4</sup>
Hertz<sup>5</sup>
rounds per minute, rpm<sup>6</sup>

5.2. معاصر مشين



شكل 5.1: دو قطب، ايك دور كا معاصر جنريار.

مقناطیسی مرکز ہے۔ مرکز میں، اندر کی جانب دو شکاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ لچھے کو a اور a' اور a' واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ یہ لچھا جزیٹر کے ساکن حصہ پہ پایا جاتا ہے للذا یہ بھی ساکن رہتا ہے اور اسی وجہ سے اسے ساکن لچھا گہتے ہیں۔

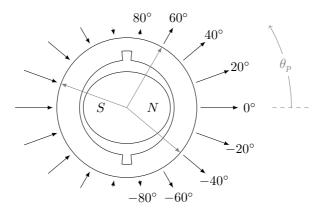
مقناطیس کا مقناطیسی بہاو اس کے ثالی قطب N سے نکل کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول مرکز میں سے گزر کر اور ایک مرتبہ پھر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا مقناطیس کے جنوبی قطبS میں داخل ہوتا ہے۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہکمی سابی کے کلیروں سے دکھایا گیا ہے۔ اگر غور کیا جائے تو یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کھیے میں سے بھی گزرتا ہے۔

شکل 5.1 میں مقناطیس سیر ہے سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔ شکل 5.2 میں اس مقناطیس کو تقریباً گول دکھایا گیا ہے۔ یہاں مقناطیس کے محور کا زاویہ  $\theta_m$  صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن مرکز کے درمیان صفر زاویہ، لینی  $\theta = 0$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ، لینی  $\theta = 0$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ، لینی  $\theta = 0$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور توں تبدیل کیا جاتا ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ اگر مقناطیس اور مرکز کے درمیان خلائی درز میں  $\theta$  سائن نما ہو، لینی عمودی زاویہ پہ داخل ہوتا ہے۔ اگر مقناطیس اور مرکز کے درمیان خلائی درز میں  $\theta$  سائن نما ہو، لینی

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

 $heta_p = \xi$ تو خلائی در زمیں مقناطیسی بہاو Eکی مقدار E کے ساتھ تبدیل ہو گی۔یہ کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر زاویہ، لینی مقدار E ساتھ تبدیل ہو گی۔یہ کثافی مقناطیس کے شالی قطب سے E0، پہ زیادہ سے زیادہ ہو گی اور نوے زاویہ، لینی E1 و مقناطیس کے شالی قطب سے مقابل میں میں مقابل میں م

stator coil<sup>8</sup> north pole<sup>9</sup> south pole<sup>10</sup>



شكل 5.2: كثافتِ مقناطيسي بهاو كي زاويه كر ساته تبديلي.

گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جے کے باہر نوک دار کلیروں سے اس کثافتِ مقاطیعی بہاو کی مقدار اور اس کی سمت دکھائی گئی ہے۔ شکل میں ہلکی سیابی سے  $40^\circ$  ہون اور  $40^\circ$  اور اس کی سمت میں ہہاو مین رداس کی سمت میں ہے۔ اس کے برعکس زاویہ  $40^\circ$  ہقاطیعی بہاو رداس سمت کے عین الٹ ہے۔ یوں شکل سے آپ دکی سکتے ہیں کہ آدھے خلائی درز میں کثافتِ مقاطیعی بہاو رداس کی سمت میں ہے اور آدھے میں یہ رداس کے اُلٹ سمت میں ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اگر ہم خلائی درز میں کثافتِ مقاطیعی بہاو کا گراف بنائیں تو یہ سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقاطیس کی اور زاویہ پہر دکھایا گیا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ کثافتِ مقاطیعی بہاو کی مقدار ہر حالت میں مقاطیس کے شالی قطب پہر زیادہ ہو گا اور یہاں اس کا رُخ رداس کی سمت میں ہو گا۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقاطیعی بہاو کا ور سے داور ہے کہ کشا ہو گا۔ شکل درز میں کثافتِ مقاطیعی بہاو کا ور ہے وہ دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں میں خلائی درز میں کثافتِ مقاطیعی بہاو کا ور داویے جا اور ہے دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں میں خلائی درز میں کثافتِ مقاطیعی بہاو کا ور داویے جا اور میں دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں میں خلائی درز میں کثافتِ مقاطیعی بہاو کا ور داویے جا دور داویے گئے ہیں۔ اس شکل کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

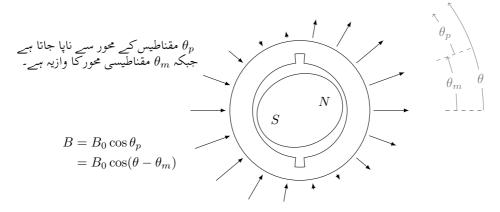
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
 
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

للذا

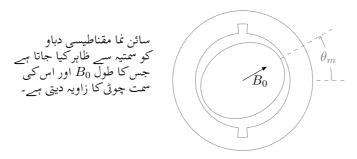
$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس سے پیدا سائن نما مقناطیسی دباؤ دکھایا گیا ہے۔ ایسے مقناطیسی دباؤ کو ہم عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کرتے ہیں جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کے برابر ہوتا ہے اور اس کی سمت مقناطیس کی

5.2. معاصر مشين



شكل 5.3: جب مقناطيس كسى زاويه په بو تو كثافتِ مقناطيسي بهاو يون بو گا



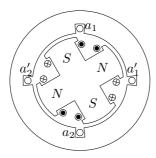
شكل 5.4: مقناطيسي دباؤ كو سمتيه سے ظاہر كيا جاتا ہے۔

شال کو ظاہر کرتا ہے۔ شکل 5.4 میں ایسا ہی د کھایا گیا ہے۔ یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ اس سمتیہ کی سمت سائن نما مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کو واضح کرتا ہے۔

 $\lambda_{\theta}$  کیں مقناطیس کو کسی ایک لمحہ  $t_1$  زاویہ  $\theta_m(t_1)$  پہ و کھایا گیا ہے۔ بیباں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو e(t) برقی ہے۔ اگر مقناطیس، گھڑی کے الٹی سمت، ایک مقررہ رفتار  $\omega_0$  سے گھوم رہا ہو تو ساکن کچھے میں اس لمحہ e(t) برقی د داؤ پیدا ہو گا جہاں

$$e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

کے برابر ہے۔ چونکہ ہمیں برقی دباؤ کی قیت ناکہ اس کے  $\mp$  ہونے سے دلچیں ہے لہذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔





شكل 5.5: چار قطب والا ايك دور معاصر جنريثر.

جب متناطیس آدھا چکر، یعنی  $\pi$  ریڈ بیئن، گھو ہے تو اس کے دونوں قطب آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گے۔ لیجے میں مقناطیس بہاو کی سمت اُلٹی ہو جائے گی۔ ساکن کچھے میں ارتباط بہاو اب  $-\lambda_0$  ہو جائے گا اور اس میں امالی برتی د باؤ -e(t) ہو جائیں گے۔ اور جب مقناطیس ایک مکمل چکر کاٹے تو مقناطیس ایک مرتبہ پھر اس جگہ ہو گا جہال یہ فیصل میں دکھایا گیا ہے۔ ساکن کچھے کا ارتباط بہاو ایک مرتبہ پھر  $\lambda_0$  ہی ہو گا اور اس میں امالی برتی د باؤ بھی ایک مرتبہ پھر وہ ہی ہو گا اور اس میں امالی برتی د دباؤ کے زاویہ میں مرتبہ پھر  $\epsilon$ 0 ہوں گے۔ لیمن مقناطیس اگر  $\epsilon$ 1 ہو ہوں کے نوامیہ میں میں میکانی زاویہ طے کرے تو امالی برتی د باؤ کے زاویہ میں میکانی زاویہ  $\epsilon$ 1 کی تبدیلی آتی ہے۔ لہذا دو قطب کی مشین میں میکانی زاویہ  $\epsilon$ 1 اور برتی زاویہ  $\epsilon$ 2 برابر ہوتے ہیں، لیمن طو

 $\theta_e = \theta_m$ 

n اس مشین میں اگر مقناطیس n چکر فی سینڈ کی رفتار سے گھونے تو کچھے میں امالی برقی دباؤ e(t) بھی ایک سینڈ میں  $f_e=n$  کمل چکر کاٹے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ e(t) کے تعدد  $f_e^{11}$  کی مقدار  $f_e^{12}$  ہے۔ یعنی اس صورت میں  $f_e=n$  کمل چکر کاٹے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ کیھ سکتے ہیں ہم سرتر  $f_e=n$  کی تعدد کے لئے کیھ سکتے ہیں

 $f_e = f_m$ 

چونکہ اس مشین میں میکانی زاویہ  $\theta_m$  اور برقی زاویہ  $\theta_e$  وقت کے سات تبدیل ہوتے بھی آپس میں ایک نسبت رکھتے ہیں لہذا ایسے مشین کو معاصر مشین 0 کہتے ہیں۔ یہاں یہ نسبت ایک کی ہے۔

شکل 5.5 میں چار قطب، ایک دور کا معاصر جنریٹر دکھایا گیا ہے۔ جیموٹے مشین میں عموماً مقناطیس ہی استعال ہوتے ہیں۔ البتہ بڑے مشین میں برقی مقناطیس 15 استعال ہوتے ہیں۔ شکل 5.5 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ دو سے

frequency1

 $Hertz^{12}$ 

Hertz, Hz

synchronous machine<sup>14</sup> electromagnet<sup>15</sup>

5.2. معاصر مشين

زیادہ قطب والے مشین میں کسی ایک ثالی قطب کو حوالہ متن بنایا جاتا ہے۔ شکل میں اس قطب کو  $\theta_m$  پہ و کھایا گیا ہے اور یول دوسرا شالی قطب  $(\theta_m+\pi)$  کے زاویہ پہ ہے۔

جیسا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں موجود مقناطیس کے چار قطب ہیں۔ ہر ایک ثالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ ایک دور کی آلوں میں مقناطیس کے جتنے قطب کے جوڑے ہوتے ہیں، اس میں اتنے ہی ساکن لیجے ہوتے ہیں۔ پہلے شکل میں دیے گئے مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑے قطب ہیں، لہٰذا اس مشین کے ساکن حصہ پہ دو ساکن کچھے لیٹے گئے ہیں۔ ایک کچھے کو  $a_1$  سے واضح کیا گیا ہے اور دو سرے کو  $a_2$  میں رکھا گیا ہے۔ ان موجود دو شگاف  $a_2$  اور  $a_1$  میں لیٹا گیا ہے۔ اس طرح جو کھے کو دو شگاف  $a_2$  اور  $a_1$  میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں کو سلسلہ وار  $a_1$  جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیئر کی کل برتی دباؤ ایک کچھے میں پیدا برقی دباؤ کے دگنا ہوتا ہے۔ ایک دور کے آلوں میں اگر مرکز کو، مقناطیس کے جنے قطب ہوں اینے حصول میں گذا اس کا ایک کچھ میں پیدا برقی دباؤ کے دگنا ہوتا ہے۔ ایک دور کے آلوں میں اگر مرکز کو، مقناطیس کے جنے قطب ہوں اینے حصول میں تقسیم کر لیا جائے، تو اس مشین کا ہر ایک ساکن کچھا ایسا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل میں چار قطب ہیں لہٰذا اس کا ایک لیچھا نوے میکانی زاویہ کے اصاطے کو گھر رہا ہے۔

اب تک ہم نے گھومتے کچھے اور ساکن کچھے کی بات کی ہے۔ یہ دو کچھے دراصل دو بالکل مختلف کار کردگی کے حامل ہوتے ہیں۔اس بات کی یہاں وضاحت کرتے ہیں۔

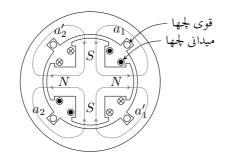
جیسا پہلے بھی ذکر ہوا چھوٹی گھومتی آلوں میں مقاطیسی میدان ایک مقناطیس ہی فراہم کرتی ہے جبکہ بڑے آلوں میں برقی مقناطیس یہ میدان فراہم کرتی ہے۔اگرچہ اب تک کی شکلوں میں مقناطیس کو گھومتے حصہ کے طور پر دکھایا گیا ہے مگر حقیقت میں یہ بھی مشین کا گھومتا حصہ اور بھی یہ اس کا ساکن حصہ ہوتا ہے۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔اس میدان فراہم کرنے والے لچھے کو میدانی چھا ہا کہتے ہیں۔اس کے برعکس مشین میں موجود دو سری نوعیت کے لچھے کو قوی چھا ہا کہتے ہیں۔برتی جبزیئر سے حاصل برقی طاقت اس قوی لچھے سے ہی حاصل کیا جاتا ہے۔برقی موٹروں میں میدانی لچھے میں چند فی صد برقی طاقت اس قوی لچھے کو ہی فراہم کیا جاتا ہے۔

اب اگر ہم، گھومتے اور ساکن حصہ کے در میان، خلائی درز میں B کو دیکھیں تو شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر کی جانب نکل کر مرکز میں داخل ہوتا ہے جبکہ جنوبی قطب میں مقناطیسی بہاو مرکز سے نکل کر جنوبی قطب میں

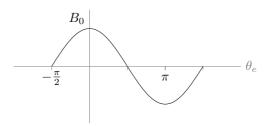
series connected<sup>16</sup>

field coil17

armature coil<sup>18</sup>



شكل 5.6: چار قطب اور دو لچهر والرح مشين ميں مقناطيسي بهاو.



شكل 5.7: سائن نما كثافتِ مقناطيسي بهاو.

اندر کی جانب داخل ہوتا ہے۔ یہ شکل 5.6 میں دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کاٹیں تو مقاطیسی بہاو کی سمت دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گی۔ مزید یہ کہ آلوں میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس کو ہم آگے پڑھیں گے۔ لہذا اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہی ہے تب خلائی درز میں B کی مقدار، شکل 5.7 کی طرح ہو گی۔اس شکل میں برتی زاویہ  $\theta_e$  استعال کیا گیا ہے۔

یوں ہم ایک ایس معاصر مثین جس میں P قطب مقناطیس پایا جاتا ہو کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$f_e = \frac{P}{2} f_m$$

اں صورت میں میکانی اور برقی تعدد ایک مرتبہ پھر آپس میں ایک نسبت رکتے ہیں۔

5.2. معاصر مشین

مثال 5.1: پاکستان میں گھروں اور کارخانوں میں  $60\,\mathrm{Hz}$  کی برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے لیعنی ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگریہ برقی طاقت دو قطب کے جزیٹر سے حاصل کی جائے تو یہ جزیٹر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔
  - اگر جزیٹر کے بیں قطب ہوں تب یہ جزیٹر کس رفار سے گھمایا جائے گا۔

حل:

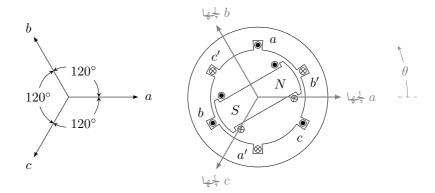
- مساوات 5.8 سے ہم دیکھتے ہیں کہ اگر رہ برقی طاقت دو قطب، P=2، والے جزیٹر سے حاصل کی جائے تو اس جزیٹر کو  $f_m=50$  چیکر فی منٹ  $f_m=50$  کی منٹ وال
- $f_m=5$  و اگر یمی برقی طاقت بیس قطب، P=20، والے جزیٹر سے حاصل کی جائے تو پھر اس جزیٹر کو P=5 عیکر نی منٹ کی رفتار سے گھمانا ہو گا۔

اب یہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیر سست رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر تیز رفتار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیر زیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر آپ کو دو قطب کے ہی ملیں گے۔

شکل 5.8 میں دو قطب والا تین دور کا معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھا م ہے جو مرکز میں شگاف a اور 'a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تو یہ بالکل شکل 5.1 میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

اگر a کچھا میں برقی رویوں ہو کہ شگاف a میں برقی رو، کتاب کے صفحہ سے عمودی رُخ میں باہر کی جانب ہو اور 'a میں برقی رو کا رخ اس کے بالکل الٹ سمت میں ہو تو ہم کچھے کی سمت کا تعین دائیں ہاتھ کے ذریعہ یوں کرتے ہیں۔

rpm, rounds per minute19



شكل 5.8: دو قطب، تين دور معاصر مشين.

• اگر ہم دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شگافوں میں برقی رو کی جانب لپٹیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کی سمت متعین کرتا ہے۔

شکل 5.8 میں کچھا a کی سمت تیر والی کئیر سے و کھائی گئی ہے۔ اس سمت کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ لہٰذا شکل میں a کچھا صفر زاویہ پر لپٹا گیا ہے، لیعن a و a ہے۔ باتی کچھوں کے زاویہ ، کچھا a کی سمت سے، گھڑی کی اُٹی رُخ، نایے جاتے ہیں۔

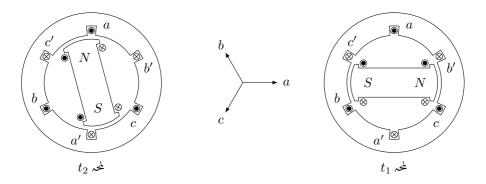
شکل 5.9 میں دکھائے گئے لمحہ  $t_1$  پر اگر کچھے a کا ارتباط بہاو ( $\lambda_a(t_1)$  ہو تو جب مقناطیس  $\lambda_a(t_1)$  کا زاویہ طے کر لے، اس لمحہ  $t_2$  پر مقناطیس اور کچھا  $t_3$  ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ لمحہ  $t_2$  پر مقناطیس اور کچھا  $t_3$  ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ لمحہ  $t_4$  پر مقناطیس اور کچھا  $t_3$  ہو گا جتنا لمحہ  $t_4$  پر مقاطیس اور کچھا  $t_3$  ہو گا جتنا لمحہ  $t_4$  پر محال کا ارتباط بہاو بالکل اتنا ہی ہو گا جتنا لمحہ  $t_4$  پر  $t_4$  کھا کا تھا۔ یعنی

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

اسی طرح اگر مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کرے تو اس لمحہ  $t_3$  پر کچھا c کا ارتباط بہاو  $\lambda_c(t_3)$  ہو گا اور مزید ہیہ کہ ہیں کہ کہ برابر ہو گا۔ بوں  $\lambda_c(t_3)$ 

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

.5.2 معاصر مشين



شكل 5.9: دو قطب تين دور مشين.

# ہیں۔ان کمات پر ان کچھوں میں

(5.11) 
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

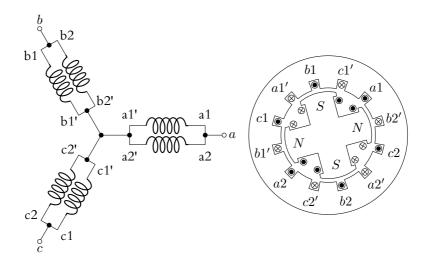
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.13) e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔مساوات 5.10 کی روشنی میں

(5.14) 
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف کچھا a پایا جاتا تو یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اب اگر اس میں مقناطیس کو گھڑی کی اُلٹی سمت ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تو، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھ a میں سائن نما برقی دباؤ پیدا ہوتی۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دوسرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں۔ لہذا اب شکل 5.9 میں اگر مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تو اس میں موجود تینوں ساکن کچھوں میں سائن نما برقی دباؤ پیدا ہوگی البتہ مساوات a 5.14 کے تو یہ برقی دباؤ پیدا ہوگی البتہ مساوات a 5.14 کے تو یہ برقی دباؤ آپس میں a 200 کے زاویہ پر ہوں گے۔



شكل 5.10: چار قطب، تين دور معاصر مشين.

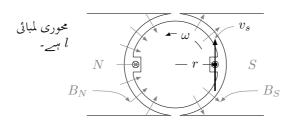
ے احاطے یعنی c1' ہوا در c1' ہوا در c1' ہوا ہوں ہیں آپ کو بالکل اسی طرح تین دور کے c1' ہوا ہوا در c1' ہوا در c1' نظر آتے ہیں۔ کسی ہیں۔ بھایا دو قطبین کے احاطے میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو c2' ہوا در c2' ہوا در c2' ہوا کہ اسی طرح آپ کو دو کیساں کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی بھی لمجھ کو مقر کر تین دور کے دو کیساں کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دور کی برقی دباؤ حاصل کی جاتی ہے۔ شکل میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے جہاں a کچھے کو صفر زاویہ پر تصور کیا گیا ہے۔

## 5.3 محرك برقى دباؤ

قانونِ لوریز v کے تحت اگر ہوقی ہاد $q^{21}$  مقناطیسی میدان v میں سمتی رفتار v سے حرکت کر رہا ہو تو اس پر قوت F اثر کرے گی جہاں

(5.15)	$oldsymbol{F} = q(oldsymbol{v}  imes oldsymbol{B})$	
		کے برابر ہے۔
	<del></del>	- 20

Lorentz law<sup>20</sup> charge<sup>21</sup> 5.3. محرك برقي دباؤ 5.3



شکل 5.11: ایک چکر کا لچها مقناطیسی میدان میں گھوم رہا ہر۔

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی بارکی سمتی رفتار ہے للذا مقناطیسی میدان کو ساکن تصور کر کے اس میں برقی بار کی سمتی رفتار o ہو گی۔

اس قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاتی ہے۔اگر یہ برقی بار شروع کے نقطہ سے آخری نقطہ تک سمتی فاصلہ 1 طے کرے تو اس پر W کام ہو گا جہاں

(5.16) 
$$W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے مابین بوقی دباؤ 22 کہتے ہیں اور اس کی اکائی وولٹ V 23 ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے مابین حاصل برتی دباؤ

(5.17) 
$$e = \frac{W}{q} = (\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \cdot \boldsymbol{l}$$

وولٹ ہو گی۔

اس طرح حرکت کی مدد سے حاصل برقی دباؤ کو محرک بوقی دباؤ 24 کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کھی محرک برقی دباؤ کہاتی ہے۔

اس مساوات کو شکل 5.11 میں استعال کرتے ہیں۔ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔ بائیں جانب خلاء میں لچھے کی برقی تار پر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت اس تار میں موجود مثبت برقی بار پر صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب قوت اثر انداز ہو گی اور اس میں موجود منفی برقی بار پر اس کی اُلٹ سمت قوت عمل کرے گی۔ اس طرح مساوات 5.17 کے تحت صفحہ سے باہر جانب برقی تار کا سرا برقی دباؤ e کا منفی سرا ہو گا۔ برقی تار کا سرا برقی دباؤ e کا منفی سرا ہو گا۔

potential difference, voltage<sup>22</sup>

electromotive force, emf<sup>24</sup>

اگر گھومتے حصہ کی محور پر نکلی محدد قائم کی جائے تو جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی سمت میں ہے جبکہ شالی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تار  $l_S$  کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

(5.18) 
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ heta} \end{aligned}$$

للذا اس جانب لچھے کی ایک تار میں پیدا محرک برقی دباؤ

(5.19) 
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$
$$= \omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= \omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= -\omega r B l$$

ہو گی۔

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت میں گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباؤ  $a_z$  منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سرا $a_z$  کی سمت میں ہے لینی اس کا نچلا سرا مثبت اور اوپر والا سرا منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تارمیں برقی روگزر سکے تو اس کی سمت  $a_z$  لینی صفحہ کی عمودی سمت میں اندر کی جانب ہوگی جے شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اس طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شکاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

(5.20) 
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

اور لول

(5.21) 
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N}$$
$$= -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$
$$= \omega r B l$$

5.3. محرك برقي دباؤ 5.3

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت  $a_z$  لی گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباؤ کے مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سرا $a_z$  کی سمت میں ہے بینی اس کا اوپر والا سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تار میں برقی روگزر سکے تو اس کی سمت  $a_z$  یعنی صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب ہوگی جسے شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دو برقی تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان دونوں کے نچلے سرے سلسلہ وار جڑے ہیں جو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس کچھے کے اوپر نظر آنے والے سروں پر کل پر تی دباؤ e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباؤ کا مجموعہ ہو گا یعنی

(5.22) 
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

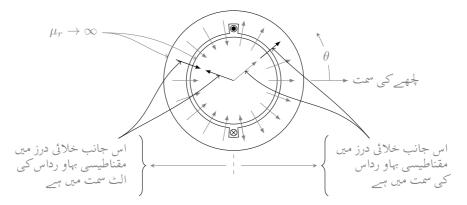
یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔ اگر ایک چکر سے اتنی برقی دباؤ حاصل ہوتی ہے تو N

(5.23) 
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

حاصل ہو گا۔

گھومتی آلوں میں خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 سے ظاہر ہے کہ اگر گھومنے کی رفتار اور محوری لمبائی معین ہوں تو پیدا کردہ برتی دباؤ ہر لمحہ B کے براہِ راست متناسب ہو گا۔ لمذا اگر خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ یوں جس شکل میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ یوں جس شکل کی برقی دباؤ مطائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔ اگر سائن نما برتی دباؤ کی برتی دباؤ صفحہ ہو تو خلائی درز میں محیط پر سائن نما کافت مقاطیسی بہاو ضروری ہے۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گا۔



شکل 5.12: ساکن لچھا گچھ کی شکل میں ہے۔

# 5.4 پهيلر لچهر اور سائن نما مقناطيسي دباؤ

ہم نے اب تک جتنے مثین دیکھے ان سب میں گچھ 25 کچھے دکھائے گئے۔ مزید یہ کہ ان آلول میں گھومتے جھے پہ موجود مقاطیس کے اُبھرمے قطب<sup>26</sup> تھے۔ در حقیقت آلول کے عموماً بھوار قطب<sup>27</sup> ہوتے ہیں اور ان میں پھیلمے لچھے 28 پائے جاتے ہیں۔ ایبا کرنے سے ہم ساکن اور گھومتے حصول کے در میان خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباؤ اور سائن نما کتافت مقناطیسی بہاو پیدا کر سکتے ہیں۔

شکل 5.12 میں ایک لچھا گیجھ کی شکل کا دکھایا گیا ہے۔اس کے گھومنے والا حصہ گول شکل کا ہے اور اس کا  $\mu_r \to \infty$  مقناطیسی وباؤ  $\pi$  ہے۔  $\pi$  ہے۔ ساکن حصے کا بھی  $\pi$  ہے۔ لچھے کا مقناطیسی وباؤ  $\pi$  ہے۔ ساکن حصے کا بھی سیابی کی لکیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو کو کچھے کے گرد ایک چکر کا شخ خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرنا پڑتا ہے۔ لہذا

$$\tau = Ni = 2Hl_a$$

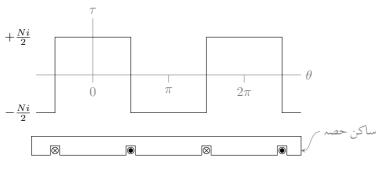
یوں ساکن کچھے کا آدھا مقناطیسی دباؤ ایک خلائی درز اور آدھا دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید سے کہ خلائی درز میں کہیں پہ مقناطیسی دباؤ (اور مقناطیسی بہاو)، رداس 29 کی سمت میں ہیں اور کہیں پہ خلائی درز

non-distributed coils<sup>25</sup> salient poles<sup>26</sup>

non-salient poles<sup>27</sup>

distributed winding<sup>28</sup>

 $<sup>{\</sup>rm radius}^{29}$ 



شكل 5.13: گچه لچهر كى خلائى درز ميں مقناطيسى دباؤ۔

میں مقناطیسی و باؤ ( اور مقناطیسی بہاو )، رواس کی اُلٹی سمت میں ہیں۔ اگر ہم رواس کی سمت کو مثبت لیں تو مقناطیسی بہاو ( اور مقناطیسی و باؤ ) و  $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$  ورمیان رواس ہی کی سمت میں ہیں لہٰذا یہاں یہ مثبت ہیں جبہ باقی جگہ مقناطیسی و باؤ ( اور مقناطیسی بہاو ) رواس کی اُلٹ سمت میں ہیں لہٰذا یہاں یہ منفی ہیں۔ ایسا ہی شکل 5.13 میں و کھایا گیا ہے۔ اس شکل میں خلائی درز میں مقناطیسی و باؤ کو زاویہ کے ساتھ گراف کیا گیا ہے۔  $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$  در میان خلائی درز میں مقناطیسی و باؤ کھے کے مقناطیسی و باؤ  $\tau$  کا آدھا ہے اور اس کی سمت مثنیت ہے جبکہ میں خلائی درز میں مقناطیسی و باؤ کھے کے مقناطیسی و باؤ کے آدھا ہے اور اس کی سمت مثنی سمت مثنی سمت مثنی سمت مثنی ہو رہے کہ مقناطیسی و باؤ کی سمت کا تعین رواس کی سمت سے کیا جاتا ہے۔

### 5.4.1 بدلتي رو والر مشين

برلتی رو (اے سی) مشین بناتے وقت یہ کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما ہو۔ایہا کرنے کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔اس سے سائن نما مقناطیسی دباؤ کیسے حاصل ہوتی ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

فوریئر تسلسل 
$$^{30}$$
 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل  $f(\theta_p)$  کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.25) 
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

Fourier series<sup>30</sup> function<sup>31</sup>

ا گراس تفاعل کا دوری عرصہ  $T^{32}$  ہو تب

(5.26) 
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

کے برابر ہوں گے۔

مثال 5.2: شكل 5.13 مين ديئے گئے مقناطيسي دباؤكا

- فوريئر تسلسل حاصل كريي-
- تیسری موسیقائی جز <sup>33</sup> اور بنیادی جز <sup>34</sup> کی نسبت معلوم کریں۔

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

time period<sup>32</sup> third harmonic component<sup>33</sup> fundamental component<sup>34</sup>

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین وغیرہ کے لئے ماتا ہے

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$$
 $a_2 = a_4 = a_6 = 0$ 

اسی طرح

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

و ان جوامات سے

$$\left|\frac{a_3}{a_1}\right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

حاصل ہوتا ہے۔للذا تیسری موسیقائی جزو بنیادی جزو کے تیسرے جھے یعنی 33.33 فی صد کے برابر ہے۔

مثال 5.2 میں حاصل کئے گئے  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ au کا فوریئر شال یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.27) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

مثال 5.2 سے ظاہر ہے کہ مقناطیسی دباؤ کے موسیقائی اجزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا جا سکے۔جیسا آپ اس باب میں آگے دیکھیں گے کہ حقیقت میں استعال ہونے والے مقناطیسی دباؤ میں موسیقائی اجزاء قابل نظر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی جزو سے غرض ہو گا۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے ہم شلسل کے موسیقائی اجزاء کو نظر انداز کرتے ہوئے اسی مساوات کو یوں لکھتے ہیں۔

$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

جہاں

$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

ے برابر ہے۔ اس مساوات سے ہم دیکھتے ہیں کہ شکل 5.12 میں کچھے سے حاصل مقناطیسی دباؤ بالکل اس طرح ہے جیسے شکل 5.2 میں سلاخ نما مقناطیس صفر زاویہ پر رکھے حالت میں دیتا۔ اگر یہاں یہ لچھا کسی ایسے زاویہ پر رکھا گیا ہوتا کہ اس سے حاصل مقناطیسی دباؤ زاویہ  $\theta_m$  پر زیادہ سے زیادہ ہوتا تو یہ بالکل شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کی طرح کا ہوتا۔ شکل 8.3 ایک ایسی ہی مثال ہے۔ ہم بالکل مساوات 5.62 کی طرح اس شکل میں کچھا  $\alpha$  کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

(5.30) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

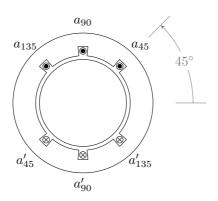
اسی طرح کچھا b اور c کے چونکہ  $\theta_{m_b}=120^\circ$  اور  $\theta_{m_b}=120^\circ$  البذا ان کے لئے ہم ککھ سکتے ہیں۔

$$\tau_b = \tau_0 \cos \theta_{p_b}$$

$$\theta_{p_b} = \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ}$$

$$\tau_b = \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ})$$

(5.32) 
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^\circ \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^\circ) \end{aligned}$$



شكل 5.14: پهيلا لچها۔

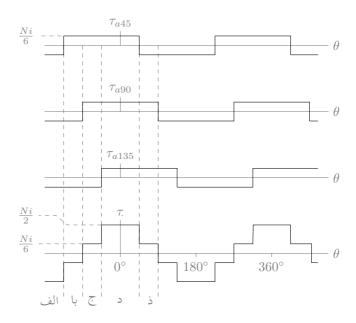
ا گرچیہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما ہر گزنہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ بیہ محض آنکھوں کا دھوکہ ہے۔ اس مقناطیسی دباؤ کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اب اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی سب رکن کو صفر کر سکیں تو ہم بالکل سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل کر سکتے ہیں۔

شکل 5.14 میں تقسیم شدہ کچھا دکھایا گیا ہے۔ یہاں شکل 5.12 میں دکھائے گئے N چکر کے کچھے کو تین حچوٹ کے کیسال کچھوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ لہذا ان میں ہر حجوٹا کچھا کچھا کھی کیسال کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا  $\frac{8}{3}$  کیسال کچھوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ لہذا ان میں ہر حجوٹا کچھا کی ان تین کچھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے کچھے جاتا ہے اور یوں ان میں یکسال برقی رو n گزرے گی۔ ان تین کچھوں کو شگاف n اور n میں اور تیسرے کچھے کو شگاف n و شگاف n اور n میں اور تیسرے کچھے کو شگاف وار n میں رکھا گیا ہے۔ دو سرے کچھے کو شگاف n اور n میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑے کو ایک ہی طرح کے نام دیئے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گئے ہیں، البتہ ایک شگافوں کے نام اور وسرے کو a اور a ایک سو پینتیس درجہ زاویہ پر ہے۔ a درجہ زاویہ پر ہے۔

چونکہ ہر کچھا  $\frac{N}{8}$  چکر کا ہے اور ان سب میں یکسال برقی رو i ہے، لہذا شکل 5.14 میں دیئے گئے پھیلے کچھے سے حاصل مقناطیسی دباؤ کا زاویہ کے ساتھ گراف شکل 5.15 کے نچلے گراف کی طرح ہو گا۔اس شکل میں سب سے اُوپر کچھا کھی کے مقناطیسی دباؤ کا گراف ہے۔ یہ بالکل شکل 5.13 میں دیئے گراف کی طرح ہے البتہ یہ صفر زاویہ سے کھی ا

series connected $^{35}$ 



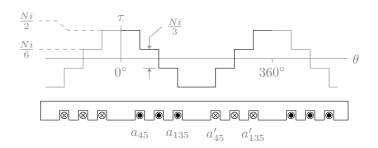
شكل 5.15: پهيلر لچهر كى كُل مقناطيسى دباؤ.

 $a_{135}$  این است نیج لیما کی طرح ہے جبکہ اس سے نیج لیما کی است میں طول کی طرح ہے جبکہ اس سے نیج کیما  $a_{135}$  کا گراف ہے جو صفر زاویہ سے  $a_{135}$  ہے۔

ان تینوں گرافوں سے کل مقناطیسی و باؤکا گراف یوں حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں عمودی نقطہ دار کیبریں لگائی گئی ہیں۔ بائیں جانب پہلی کیبر کی بائیں طرف علاقے کو الف کہا گیا ہے۔اس علاقے میں پہلے تینوں گرافوں کی مقدار  $\frac{Ni}{6}$  ہے۔ ہوگا۔ ہوگا۔ ہوگا۔ ہوگا۔ ہوگا۔ ہی سب سے نچلے کل مقناطیسی و باؤکی گراف میں و کھایا گیا ہے۔ اس طرح علاقہ ب میں پہلے گراف کی مقدار  $\frac{Ni}{6}$  ہ ، دوسری گراف کی  $\frac{Ni}{6}$  اور تیسری کی بھی  $\frac{Ni}{6}$  ہے۔ ان کا مجموعہ  $\frac{Ni}{6}$  ہو مقداریں ہیں جن کا مجموعہ  $\frac{Ni}{6}$  ہی ۔ مقداریں ہیں جن کا مجموعہ  $\frac{Ni}{6}$  ہی کی مقناطیسی و باؤ ہے۔ علاقہ بیں و کھایا گیا ہے۔ اس طرح آپ پورا گراف بنا سکتے ہیں۔

شکل 5.15 کے نیلے گراف کو شکل 5.16 میں دوبارہ دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.16 کا اگر شکل 5.15 کے ساتھ تقابل کیا جائے تو محض دیکھنے سے بھی یہ ظاہر ہے کہ شکل 5.16 زیادہ سائن نما موج کے نوعیت کا ہے۔ ہمیں فوریئر تسلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ ماتا ہے۔ہم دیکھ سکتے ہیں کہ شگافوں



شكل 5.16: پهيلے لچھے كا مقناطيسي دباؤ.

کی جگہ اور ان میں کچھوں کے چکر کو یوں رکھا جا سکتا ہے کہ ان سے پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ سائن نما کے زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

چونکہ کھیلے کچھے کے مختلف جھے ایک ہی زاویہ پہ مقناطیسی دباؤ نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباؤ کا حیطہ ایک کچھ کے حیطہ سے قدرِ کم ہوتا ہے۔اس اثر کو مساوات 5.29 میں جزو  $k_w$  کے ذریعہ یوں ظاہر کیا جاتا ہے۔

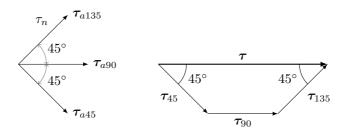
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$
 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

اس مساوات میں  $k_w$  کو جزو پھیلاو $^{36}$  کہتے ہیں۔ یہ اکائی سے قدرِ کم ہوتا ہے لیمی  $0 < k_w < 1$ 

مثال 5.3 شکل 5.14 میں دیئے گئے تھیلے کچھ کے لئے  $k_w$  معلوم کریں۔

حل: شکل 5.17 سے رجوع کریں۔ یہ تین چھوٹے کچھے برابر مقناطیسی دباؤ  $au_n=rac{4}{\pi}rac{ni}{2}$  پیدا کرتے ہیں، البتہ ان کی سمتیں مختلف ہیں۔ یہاں چو نکہ ایک کچھا  $rac{N}{3}$  چکر کا ہے لہذا  $n=rac{N}{3}$  ان کی سمتیں مختلف ہیں۔ یہاں چو نکہ ایک کچھا وہ کہ

winding factor<sup>36</sup>



شكل 5.17: پهيلر لچهر كا جزو پهيلاو.

مجموعی مقناطیسی دباؤ $_{ au}$  معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

لعني

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

للذا 0.8047 کے برابر ہے۔

مثال 5.4: ایک تین دور 50 ہر ٹرز پر چلنے والا ستارہ نما جڑے جزیٹر کو 3000 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلایا جا رہا  $k_{w,q}=0.833$  جب پندرہ چکر تو کی کچھے کا جزو کچیلاو 0.833 جب پندرہ چکر تو کی کچھے کا جزو کچیلاو 0.833 جب بندرہ چکر تو کی لیھے کا جزو کچیلاو 0.7495 جب اگر اس جب اگر اس کی لمبائی  $l_k=0.04$  میٹر ہیں۔خلائی درز  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔اگر اس کے میدانی کچھے میں 1000 ایمیسٹر برقی رو ہے تو معلوم کریں

- میدانی مقناطیسی دباؤ کی زیادہ سے زیادہ مقدار۔
  - خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو۔

عل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$$

 $\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$ 

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

 $\phi_0 = 2B_0 lr = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \,\text{Wb}$ 

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

للذا ساره جڑی جزیٹر کی تار کی برقی دباؤ

$$\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11\,000\,\mathrm{V}$$

ہو گی۔

جیسا پہلے ذکر ہوا ہم چاہتے ہیں کہ سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل کر سکیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہ یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ بنیادی مقصد پورا ہو۔ شکل 5.16 میں ہم دیکھتے ہیں کہ صفر زاویہ کی دونوں جانب مقناطیسی دباؤ کی موج کیساں طور پر گھٹی یا بڑھتی ہے۔ یعنی جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباؤ آگ گھٹ جاتی ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر یہ کیسال طور پر مزید گھٹی ہے، وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہوں کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فوریئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور اس میں بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھے جاتے ہیں۔

ساکن کچھوں کی طرح حرکت کرتے کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل ہو۔

## 5.5 مقناطيسي دباؤ كي گهومتي موجيس

گھوشتے آلوں میں کچھوں کو برقی دباؤ دیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ یہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دور کی لپٹی مشین

مساوات 5.33 میں ایک کچھے کی مقناطیسی دباؤیوں دی گئی ہے۔

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

ا گراس کچھے میں مقناطیسی بہاو بھی سائن نما ہو یعنی

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

ï

(5.37) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

ہو گا جہاں

(5.38) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کے برابر ہے۔مساوات 5.37 کہتا ہے کہ یہ مقناطیسی دباؤ زاویہ  $\theta$  اور لمحہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مندرجہ ذبل قلیہ سے دو گلڑوں میں توڑ سکتے ہیں۔

$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

للذا

(5.39) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

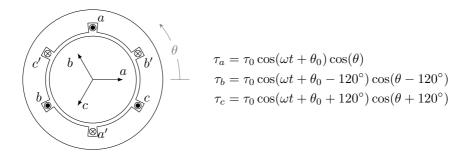
لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

ہیں۔اس مساوات سے یہ بات سامنے آتی ہے کہ در حقیقت یہ مقناطیسی دباؤ دواُلٹ ستوں میں گھومنے والے مقناطیسی دباؤ کی موجیں ہیں۔ اس کا پہلا جزو  $au_a$  زاویہ heta گھنے کی جانب گھومتا ہے لین گھڑی کی ست میں اور اس کا دوسرا جزو  $au_a$  گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتا ہے لیعنی یہ زاویہ بڑھنے کی جانب گھومتا ہے۔

ایک دورکی لیٹی آلوں میں یہ کوشش کی جاتی ہے کہ ان دو گھومتے مقناطیسی دباؤ میں سے ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کیا جائے۔ اس طرح کرنے سے ایک ہے سمت میں کل مقناطیسی دباؤ گھومتا ملتا ہے جو بالکل اس طرح کا ہوتا ہے جیسے ایک مقناطیس گھمایا جا رہا ہو۔ تین دور کے آلوں میں یہ کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔



شكل 5.18: تين دور كي لپڻي مشين۔

5.5.2 تین دور کی لپٹی مشین کا تحلیلی تجزیہ

شکل 5.18 میں تین دور کی کیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں کی فوریئر تسلسل کی بنیادی جزو دیئے گئے ہیں جو کے یہ ہیں۔

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$

$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$

$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

اگر ان تین کچھوں میں تین دوری برقی رو ہو یعنی

(5.43) 
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$

$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

تو بالكل مساوات 5.37 كى طرح بهم مساوات 5.43 كى مددست مساوات 5.42 كو يول لكھ سكتے ہيں۔

(5.44) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

اگر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

ہو تو انہیں

(5.45) 
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

لکھ سکتے ہیں جہاں

(5.46) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

ہے۔ کل مقناطیسی دباؤ 7 ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم ثابت کرتے ہیں کہ

$$\cos \gamma + \cos(\gamma - 240^{\circ}) + \cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$

کے برابر ہے۔ ہمیں معلوم ہے کہ

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

اگر ہم 
$$lpha=\gamma$$
 اور  $eta=240^\circ$  کیں تو

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

اللذا
$$\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$$
 اور  $\cos 240^\circ = -rac{1}{2}$  للذا

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

اب اس مساوات کو اگر ہم  $\cos \gamma$  کے ساتھ جمع کریں تو جواب صفر ملتا ہے، لیعنی

$$\cos \gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے لئے اس مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں۔ 
$$\gamma = \theta + \omega t + \alpha$$

$$(5.47) \quad \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$$

اب ہم اگر مساوات 5.45 میں دیے  $au_b$  ،  $au_c$  اور  $au_c$  کو جمع کریں اور ان میں مساوات 5.45 کا استعال کریں تو ملتا ہے

(5.48) 
$$\tau^{+} = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.48 کہتا ہے کہ کل پر مقناطیسی دباؤکا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباؤکے حیطہ کے  $\frac{3}{2}$ گنا ہے۔ مزید بیہ کہ بیہ مقناطیسی دباؤکی موج گھڑی کی اُلٹی سمت گھوم رہی ہے۔ المذا تین کچھوں کو °120 زاوبیہ پر رکھنے اور انہیں تین دور کی برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے بیجان کرنے سے ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ اگر کوئی دو برقی رو آپس میں تبدیل کئے جائیں تو مقناطیسی موج کے گھومنے کی سمت تبدیل ہو جاتی ہے۔ یہ مثال میں واضح کیا گیا ہے۔

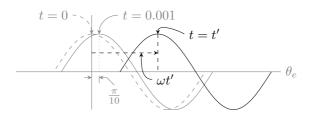
اب ہم دیکھتے ہیں کہ مساوات 5.48 ایک گھومتے موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہمیں اس موج کی چوٹی کو دیکھنا ہو گا۔ ہم اپنی آسانی کے لئے  $\alpha$  کو صفر لیتے ہیں۔ اس مثال میں ہم برقی رو کی تعدو  $\cos(\theta-\omega t)$  لیتے ہیں۔ اس موج کی چوٹی کو د نظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے اس موج کی چوٹی در حقیقت  $\cos(\theta-\omega t)$  کی چوٹی ہی ہے للذا ہم اسی کی چوٹی کو د نظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے کہ  $\cos\alpha$  کی زیادہ سے زیادہ مقدار ایک کے برابر ہے یعنی اس کی چوٹی ایک کے برابر ہے اور یہ اس مقام پر پائی جاتی ہم مفر کے برابر ہو گی جہال  $\alpha$  صفر کے برابر ہو گی جب  $\alpha$  کی جہال  $\alpha$  صفر کے برابر ہو گئی جب  $\alpha$  کی جہال  $\alpha$  سوگر کے برابر ہو گئی جب  $\alpha$  کی جہال  $\alpha$  کے برابر ہو گئی جہال کی جہال  $\alpha$  کے برابر ہو گئی جب کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کے برابر ہو گئی جہال کے برابر ہو گئی جہال کی جہال کی جہال کے برابر ہو گئی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کے برابر ہو گئی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کے برابر ہو گئی جہال کی جہال کے برابر ہو گئی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی حقوق کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی جہال کی حقوق کی جہال کی حقوق کی جہال کی جہال کی حقوق کی جوٹر کی حقوق کی جہال کی حقوق کی جہال کی حقوق کی جہال کی حقوق کی جہال کی حقوق کی جوٹر کی حقوق کی حقوق

ابِ ابتذائی کچہ لیعنی 
$$t=0$$
 پر وہ  $\cos(\theta-\omega t)$  پر وہ گی۔ اس کو حل کرتے ہیں۔  $\theta-\omega t=0$   $\theta-\omega t=0$   $\theta-\omega t=0$   $\theta-\omega t=0$   $\theta=0$ 

ہم دیکھتے ہیں کہ موج کی چوٹی صفر برقی زاویہ پر ہے۔اسے شکل 5.19 میں ہلکی سیابی میں نقطہ داو کلیر سے دکھایا گیا ہے۔ہم اس چوٹی کو کچھ وقفے کے بعد دوبارہ دیکھتے ہیں مثلاً t=0.001 سینڈ کے بعد۔

$$\theta - \omega t = 0$$
  
$$\theta - \omega \times 0.001 = 0$$

 $\theta = 0.001\omega = 0.001 \times 2 \times \pi \times 50 = 0.3142 \,\mathrm{rad}$ 



شكل 5.19: حركت كرتي موج.

اب یہ چوٹی 0.3142 یا  $\frac{\pi}{10}$  برقی ریڈیئن لیعنی  $18^{\circ}$  کے برقی زاویہ پر ہے۔اسے شکل میں ہلکی سابی کے شوس لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ یہ بات واضح ہے کہ مقناطیسی دباؤکی مون گھڑی کی اُلٹی سمت بینی زاویہ بڑھنے کی سمت میں گھوم گئ ہے۔ اسی طرح 0.002 بریہ چوٹی 0.36 برقی زاویہ پر نظر آئے گی۔ کسی بھی لمحہ t پر بالکل اسی طرح چوٹی کا مقام معلوم کیا جا سکتا ہے جسے شکل میں تیز سابی کے شوس کئیر سے دکھایا گیا ہے۔

$$\theta - \omega t' = 0$$
$$\theta = \omega t'$$

اس مساوات سے یہ واضح ہے کہ چوٹی کا مقام متعین کرنے والا زاویہ بتدر تکے بڑھتا رہتا ہے۔اس مساوات سے ہم ایک مکمل  $2\pi$  برتی زاویہ کے چکر کا وقت T حاصل کر سکتے ہیں یعنی

(5.49) 
$$t = \frac{\theta}{\omega}$$
 
$$T = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

اگر برقی روکی تعدد 50 ہو تو یہ مقناطیسی دباؤکی موج ہر  $\frac{1}{50}=0.02$  سیکنڈ میں ایک مکمل برقی چکر کا ٹتی ہے یعنی یہ ایک سینڈ میں 50 برقی چکر کا ٹتی ہے۔

اس مثال میں برقی زاویہ کی بات ہوتی رہی۔ دو قطب کی آلوں میں برقی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  برابر ہوتے ہیں۔ لہذا اگر دو قطب کی آلوں کی بات کی جائے تو مساوات 5.49 کے تحت ایک سیکنڈ میں مقناطیسی دباؤکی موج f برقی یا میکانی چکر کاٹے گی جہاں f برتی روکی تعدد ہے اور اگر P قطب رکھنے والی آلوں کی بات کی جائے تو چونکہ

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا ایسے آلوں میں یہ مقاطیسی دباؤکی موج ایک سینڈ میں f مقاطیسی چکر یعنی  $\frac{2}{D}$  میکانی شکر کائے گ۔

اگر ہم برتی رو کی تعدد کو  $f_e$  سے ظاہر کریں، مقناطیسی دباؤ کی موج کی چوٹی کے برتی زاویہ کو  $\theta_e$  اور اس کے میکانی زاویہ کو  $\omega_e$  سے ظاہر کریں اور اس طرح اس مقناطیسی دباؤ کی موج کے گھومنے کی رفتار کو  $\omega_e$  یا  $\omega_m$  سے ظاہر کریں تو

(5.51) 
$$\omega_m = \frac{2}{P}\omega_e \quad \text{rad/s}$$
 
$$f_m = \frac{2}{P}f_e \quad \text{Hz}$$
 
$$n = \frac{120f_e}{P} \quad \text{rpm}$$

 $\omega_e$  اس موج کی معاصر رفتار برقی زاویہ فی سیکنڈ میں ہے جبکہ  $\omega_m$  یہی معاصر رفتار میکانی زاویہ فی سیکنڈ میں ہے۔ اس طرح  $f_e$  اس موج کی برقی معاصر رفتار برقی ہرٹز میں اور  $f_m$  اس کی میکانی معاصر رفتار  $f_e$  میکانی ہرٹز میں ہے۔ برقی معاصر رفتار  $f_e$  کی مطاصر رفتار  $f_e$  کی مطاب یہ ہے کہ ایک سیکنڈ میں یہ موج  $f_e$  برقی چکر کا فاصلہ طے کرے گی جہاں ایک برقی چکر دو قطب کا فاصلہ لیعن  $\omega_e$  ریڈ میک کا زاویہ ہے۔ اس طرح میکانی معاصر رفتار  $\omega_e$  ہر ٹز ہونے کا مطلب ہے کہ یہ موج ایک سیکنڈ میں ایک چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکانی چکر عام زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میں  $\omega_e$  مساوات ہے۔

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ ہم q دور کی لیٹی مثین جس کے لیچھ  $\frac{2\pi}{q}$  برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں q دور کی برقی رو ہو، ایک ہی ست میں گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج کو جنم دیتی ہے جیسے ہم نے تین دور کی مثین کے لئے دیکھا۔ مزید سے کہ اس موج کا حیطہ کسی ایک کچھے سے پیدا مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کے  $\frac{q}{2}$  گنا ہو گا اور اس کے گھومنے کی رفتار  $\omega_e = 2\pi f$  برقی ریڈیئن فی سیکنڈ ہو گی۔

5.5.3 تين دور كي لپڻي مشين كا ترسيمي تجزيه

a شکل 5.18 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس میں مثبت برقی رو کی سمتیں بھی دکھائی گئی ہیں، مثلاً a

synchronous speed<sup>37</sup> rpm, rounds per minute<sup>38</sup>

شگاف میں برتی دباؤ صفحہ سے عمودی سمت میں اندرکی جانب کو ہے اور یہ بات صلیب کے نشان سے واضح کی گئی ہے۔ اگر برتی رو مثبت ہو تو اس کی یہی سمت ہوگی اور اس سے پیدا مقناطیسی دباؤ ہے صفر زاویہ کی جانب ہوگا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے میں برتی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤکی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاسکتی ہے۔ اب اگر اس کچھے میں برتی رو منفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برتی رو اُلٹ سمت میں ہے۔ یعنی اب برتی رو موفق میں صفحہ کے عمودی سمت میں اندرکی جانب ہے اور 'ہ شگاف میں سے صفحہ کے عمودی سمت میں باہرکی جانب کو ہے۔ لہذا اس برتی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ بھی پہلے سے اُلٹ سمت میں ہوگی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے ہے کے بالکل اُلٹ سمت میں ہوگی۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر سے بات واضح ہو جائے کہ برتی رو کے منفی بالکل اُلٹ سمت میں ہوگا۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر سے بات واضح ہو جائے کہ برتی رو کے منفی بونے سے اس سے پیدا مقناطیسی دباؤکی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔

اس شکل میں کچھوں میں برقی رو اور مقناطیسی دباؤیہ ہیں

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$
 
$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$
 
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

جبکہ ان کے مثبت سمتیں شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اب ہم مختلف او قات پر ان مقداروں کا حساب لگاتے ہیں اور ان کا کل مجموعی مقناطیسی دباؤ حل کرتے ہیں۔

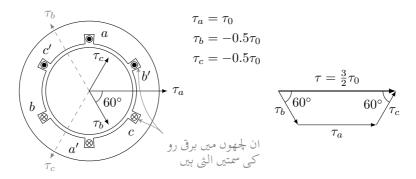
کمحہ t=0 پر ان مساوات سے ملتا ہے۔

$$i_a = I_0 \cos 0 = I_0$$
 
$$i_b = I_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5I_0$$
 
$$i_c = I_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5I_0$$

$$\tau_a = \tau_0 \cos 0 = \tau_0$$

$$\tau_b = \tau_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0$$

$$\tau_c = \tau_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0$$



شكل 5.20: لمحه  $t_0=0$  ير برقى رو اور مقناطيسي دباؤ.

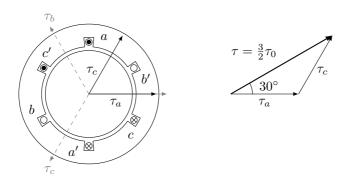
 $i_a$  یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔اس لحمہ پر  $i_a$  مثبت ہے جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  منفی ہیں۔ للذا  $i_a$  اور کریں۔اس لحمہ پر  $i_a$  مثبت ہے دکھائے گئے ہیں جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  شکل میں دیئے گئے سمتوں کے اُلٹ میں  $i_b$  میں مینوں میں نقطے اور صلیب سے دکھائے گئے ہیں جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  میں اس لحمہ پر درست سمتیں شکل 5.20 میں دکھائی گئی ہیں۔اس شکل میں تینوں مقناطیسی دباؤ کھائے گئے ہیں۔

کل مقناطیسی دباؤ با آسانی بذریعہ گراف، جمع سمتیات سے معلوم کیا جا سکتا ہے یا پھر الجبرا کے ذریعہ ایسا کیا جا سکتا ہے۔

(5.56) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_a &= \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_b &= 0.5\tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_c &= 0.5\tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \end{aligned}$$

$$\tau = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3}{2}\tau_0 a_{\mathrm{X}}$$

کل مقناطیسی دباؤ ایک کچھے کے مقناطیسی دباؤ کے ڈیڑھ گنا ہے اور یہ صفر زاویہ پر ہے۔ اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ کھے بعد  $t_1$  پر دوبارہ یہی سب حساب لگاتے ہیں۔ چونکہ مساوات 5.52 اور مساوات 5.53 میں متغیرہ  $t_2$  بین اور کچھ کھے ایعد  $t_1$  پر دوبارہ یہی سب حساب لگاتے ہیں کہ  $t_2$  کی سند میں کہ جائے کہ کا استعال زیادہ آسان ہے للذا ہم لحمہ  $t_1$  کو یوں چنتے ہیں کہ  $t_2$  کے برابر ہو۔ ایسا کرنے سے



شكل 5.21: لمحم  $\omega t_1 = 30^\circ$  پر برقى رو اور مقناطيسى دباؤ.

ہمیں بید دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے۔

(5.58) 
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

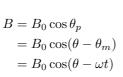
(5.59) 
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$
$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

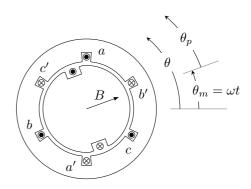
یہ شکل 5.21 میں دکھایا گیا ہے۔کل مقناطیسی دباؤ کا طول ← کو تکون کے ذریعہ یوں حل کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح اس کا زاویہ بھی اسی سے حاصل ہوتا ہے۔ یعنی

(5.60) 
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a\tau_c\cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

اور چونکہ اس تکون کے دو اطراف برابر ہیں للذا اس کے باقی دو زاویہ بھی برابر اور °30 ہیں۔

ہم دیکھتے ہیں کہ کل مقناطیسی و باؤ جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب وہ  $30^\circ$  کے زاویہ پر ہے یعنی وہ گھڑی کے اُلٹ سمت گھوم گیا ہے۔ اگر ہم اس طرح  $40^\circ$   $40^\circ$  پر دیکھیں تو ہمیں کل مقناطیسی و باؤ اب بھی  $\frac{3}{2}\tau_0$  مقناطیسی و باؤ اب بھی  $45^\circ$  ہی ملے گا البتہ اب ہو گا۔ اگر کسی لمحہ جب  $00^\circ$  ہے جب  $00^\circ$  برابر ہو یہ سارا حساب کیا جائے تو کل مقناطیسی و باؤ اب بھی  $00^\circ$  ہی ملے گا البتہ یہ  $00^\circ$  زاویہ پر ہو گا۔





شكل 5.22: بنيادي بدلتي رو جنريٹر.

5.6 محرك برقى دباؤ

یہاں محرک برقی دباؤ<sup>ود</sup> کو ایک اور زاوبیہ سے پیش کیا جاتا ہے۔

5.6.1 بدلتي رو برقى جنريٹر

شکل 5.22 میں ایک بنیادی بدلتی رو جنریٹو  $^{04}$  و کھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباؤ پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافتِ مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتی ہے، یعنی

$$(5.61) B = B_0 \cos \theta_p$$

یہ مقاطیس  $\omega$  زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔یوں اگر ابتدائی لمحہ t=0 پر یہ a کچھے کی سمت یعنی ہلکی سیاہی کی اُفقی کیسر کی سمت میں ہو تو لمحہ t پر یہ گھوم کر زاویہ  $\theta_m=\omega t$  پر ہو گا۔اس طرح یہی مساوات یوں بھی کھھا جا سکتا ہے۔

$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

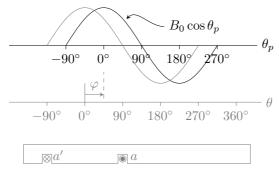
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.23 میں B کو زاویہ  $\theta$  اور  $\theta_p$  کے ساتھ گراف کیا گیا ہے۔ اس گراف میں کچھا a بھی دکھایا گیا ہے۔اس شکل

<sup>&</sup>lt;sup>99</sup>بنداء میں حرکت سے پیدا ہونے والی برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کہتے تھے.اب روایتی طور پر کسی بھی طرح پیدا کردہ برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کہتے

ac generator<sup>40</sup>

5.6. محرک برقی دباؤ



شكل 5.23: لچهر مين سر گزرتا مقناطيسي بهاو.

میں ہلکی سیائی سے کھے کا محور ایک ہی سمت میں ہلکی سیائی سے کھے کا محور ایک ہی سمت میں ہوتے ہیں جبکہ کالی سیائی میں اس B کو کسی بھی کھے t پر دکھایا گیا ہے۔اس کھے پر برتی مقناطیس کے محور اور کیھے کے محور کے مابین  $\theta$  زاویہ ہے۔ یہ زاویہ برتی مقناطیس کے محور کے رقار  $\omega$  پر منحصر ہے لینی

$$(5.63) \theta = \omega t$$

لحہ t=0 پر کچھے میں سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاہ گزر رہی ہے۔ اگر خلائی درز بہت باریک ہو، تو اس کے اندر اور باہر جانب کے رداس تقریباً کیساں ہوں گے۔ برقی مقناطیس کے محور سے اس خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ اگر م ہو اور برقی مقناطیس کا دھرے  $^{14}$  کی سمت میں محوری لمبائی  $^{42}$  ہو تو اس کچھے میں وہی مقناطیسی بہاہ ہو گا جو اس خلائی درز میں  $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{\pi}{2} > 0$  مابین ہے۔ لمحہ t=0 کے مابین ہے۔ لمحہ t=0 کے مابین ہے۔ لمحہ وہ کے بیر اسے یوں معلوم کیا جا سکتا ہے

$$\phi_{a}(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0}l\rho \sin \theta_{p}|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_{0}l\rho$$

$$= \phi_{0}$$

 $axle^{41}$   $axial\ length^{42}$ 

جہاں آخر میں  $\phi_a(0)$  کو  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔ یہی حساب اگر لمحہ t پر کی جائے تو کچھ یوں ہو گا۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0}l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

جہال  $\theta=\omega t$  کیا گیا ہے۔اسی مساوات کو بوں بھی حل کیا جا سکتا ہے

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ تکمل زاویہ 6 کے ساتھ کیا گیا ہے۔ انہیں مساوات 5.64 کی مدد سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

 5.6. محرک برقی دباؤ

جبکہ 
$$c = \frac{5\pi}{6}$$
 اور  $\frac{11\pi}{6}$  ہیں۔ یہ زاویے ریڈیٹن میں دیے گئے ہیں۔ یول

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t - \frac{2\pi}{3})$$

اور

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{16}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t + \frac{2\pi}{3})$$

اگرایک کچھے کے N چکر ہول تو اس میں پیدا برقی دباؤ کو یوں معلوم کیا جا سکتا ہے۔

$$\begin{array}{ll} \lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0\cos\omega t \\ \lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0\cos(\omega t - 120^\circ) \\ \lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0\cos(\omega t + 120^\circ) \end{array}$$

ان مساوات میں  $\frac{2\pi}{3}$  ریڈیٹن کو °120 کھا گیا ہے۔ان سے کچھوں میں پیدا امالی برقی دباؤ کا حساب یوں لگایا جا سکتا ہے۔

$$e_a(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin \omega t$$

$$e_b(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$

$$e_c(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^\circ)$$

$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^\circ)$$

$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^\circ)$$

یہ مساوات تین دوری محرک برقی دباؤ کو ظاہر کرتے ہیں جو آپس میں °120 زاویہ پر ہیں۔ان سب کا حیطہ  $E_0$  کیسال ہے جہال

$$(5.73) E_0 = \omega N \phi_0$$

اور ان برقی دباؤ کی موثر قیمت

(5.74) 
$$E_{\dot{\tau}\dot{\tau}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

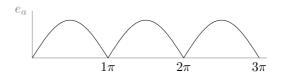
ہو گی۔ چونکہ  $\phi=BA$  ہوتا ہے لہذا ہیہ مساوات بالکل صفحہ 48 پر دئے مساوات 2.51 کی طرح ہے۔

مساوات 5.72 سائن نما برقی د باؤکو ظاہر کرتا ہے۔ اگرچہ اسے یہ سوچ کر حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو بہاو صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی د باؤکا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کس طرح وجود میں آئی اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں یہ مقناطیسی بہاو جزیئر کے ساکن حصے میں پیدا ہوئی ہو یا ساکن اور حرکت پذیر دونوں حصول میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.74 ہمیں ایک گیجھ کیجھے میں پیدا برقی دباؤ دیتی ہے۔ اگر کیجھا تقسیم شدہ ہو تو اس کے مختلف شگافوں میں موجود اس کیجھے کے حصوں میں برقی دباؤ ہم مرحلہ نہیں ہول گے للذا ان سب کا مجموعی برقی دباؤ ان سب کا حاصل جمع نہیں ہو گا بلکہ اس سے قدرِ کم ہو گا۔ اس مساوات کو ہم ایک پھیلے کیجھے کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.75) 
$$E_{\dot{\tau}} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

محرک برقی دباؤ



شكل 5.24: ايك دور كا يك سمتى برقى دباؤ.

تین دور برقی جزیٹروں کے  $k_w$  کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں ایک دور کی برقی دباؤ دیتی ہے۔ تین دور برقی جنریٹروں میں ایسے تین کچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی شارہ نما یا  $\Delta$  یعنی شکونی جوڑا جاتا ہے۔

#### 5.6.2 یک سمتی رو برقی جنریٹر

ہر گھو سے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو جزیٹر ہی ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمتی برقی د باؤ 44 کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتی برقی د باؤ کو یک سمتی برقی د باؤ میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ ایبا الیکٹر انکس کے ذریعہ جزیٹر کے باہر بوقیاتی سمت کار<sup>44</sup> کی مدد سے کیا جا سکتا ہے یا پھر میکانی طریقے سے میں کانی سمت کار<sup>44</sup> کی مدد سے جزیٹر کے اندر ہی کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.71 میں دیئے گئے برقی د باؤ کو یک سمتی برقی د باؤ میں تبدیل کیا جائے تو یہ شکل 5.24 کی طرح ہو گا۔

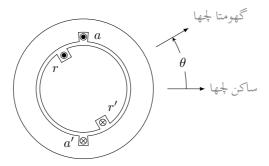
مثال 5.5: شکل 5.24 میں یک سمتی برقی دباؤ دکھائی گئی ہے۔اس یک سمتی برقی دباؤکی اوسط قیت حاصل کریں۔ حل:

$$E_{\perp \prec l} = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = \frac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمتی برقی جزیر پر باقاعدہ تبصرہ کتاب کے باب میں کیا جائے گا۔

DC voltage<sup>44</sup>

rectifier<sup>45</sup> commutator<sup>46</sup>



شكل 5.25: ساكن اماله اور گهومتا اماله.

#### 5.7 ہموار قطب مشینوں میں مروڑ

اس جھے میں ہم ایک کامل مشین میں موور (<sup>47</sup> کا حساب لگائیں گے۔ ایسا دو طریقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ ہم مشین کو دو مقاطیس سمجھ کر ان کے مابین قوتِ کشش، قوتِ دفع اور مروڑ کا حساب لگا سکتے ہیں یا پھر اس میں ساکن اور گھومتے کچھوں کو امالہ سمجھ کر باب چار کی طرح توانائی اور کو توانائی کے استعال سے اس کا حساب لگائیں۔ پہلے توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

### 5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی مروڑ کا حساب

یہاں ہم ایک دور کی مثین کی بات کریں گے۔ اس سے حاصل جوابات کو با آسانی زیادہ دور کی آلوں پر لا گو کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.25 میں ایک دور کی کامل مثین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس کی دو کچھوں میں کچھ زاویہ ہو گا جسے  $\theta$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر جگہ یکسال ہے لہذا یہاں اُبھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جائے گا۔ مزید یہ کہ مرکز کی مقاطیعی مستقل  $\mu_r$  تصور کی گئی ہے لہذا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقاطیعی مستقل  $\mu_r$  مخصر ہے۔ پر منحصر ہے۔

 $L_{ar}(\theta)$  اس طرح ساکن کچھے کی امالہ  $L_{aa}$  اور گھومے کچھے کی امالہ  $L_{rr}$  مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ  $L_{aa}$  امالہ و تو ایک کچھے کا سارا متناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے زاویہ  $\theta$  پر منحصر ہو گا۔ جب  $\theta=0$  یا  $\theta=0$  یا  $\theta=0$  کے برابر ہو تو ایک کچھے کا سارا متناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے

torque"

magnetic constant, permeability<sup>48</sup>

 $\theta=\mp180^\circ$  ہیں۔ جب  $L_{ar0}$  گردتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے کھی گردتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ امالہ مقناطیسی بہاو دوسرے کچھ سے بھی گزرتا ہے البتہ اس کمہ اس کی سمت الگ ہوتی ہے لہذا اب ان کا مشتر کہ امالہ بھی منفی ہو گا یعنی  $-L_{ar0}$  اور جب  $\theta=\mp90^\circ$  ہو تب ان کا مشتر کہ امالہ صفر ہو گا۔ اگر ہم یہ ذہن میں رکھیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو سائن نما ہے تب

$$(5.76) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

ہو گا۔ ہم ساکن اور گھومتے کچھوں کی ارتباط بہاد کو بوں لکھ سکتے ہیں

(5.77) 
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ar}(\theta)i_{r} = L_{aa}i_{a} + L_{ar0}\cos(\theta)i_{r}$$
$$\lambda_{r} = L_{ar}(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r} = L_{ar0}\cos(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r}$$

ا گر ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مزاحمت  $R_r$  ہو تو ہم ان کچھوں کے سروں پر دیئے گئے برقی دباؤ کو بول لکھ سکتے ہیں۔

$$v_{a} = i_{a}R_{a} + \frac{\mathrm{d}\lambda_{a}}{\mathrm{d}t} = i_{a}R_{a} + L_{aa}\frac{\mathrm{d}i_{a}}{\mathrm{d}t} + L_{ar0}\cos\theta\frac{\mathrm{d}i_{r}}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_{r}\sin\theta\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

$$v_{r} = i_{r}R_{r} + \frac{\mathrm{d}\lambda_{r}}{\mathrm{d}t} = i_{r}R_{r} + L_{ar0}\cos\theta\frac{\mathrm{d}i_{a}}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_{a}\sin\theta\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr}\frac{\mathrm{d}i_{r}}{\mathrm{d}t}$$

یہاں heta برقی زاویہ ہے اور وقت کے ساتھ اس کی تبدیلی رفتار  $\omega$  کو ظاہر کرتی ہے یعنی

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی مروڑ بذریعہ کو توانائی حاصل کی جا سکتی ہے۔ کو توانائی صفحہ 125 پر مساوات 4.73 سے حاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

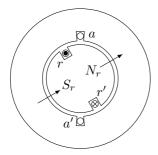
(5.80) 
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

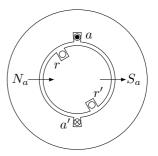
اس سے میکانی مروڑ  $T_m$  یوں حاصل ہوتا ہے۔

$$(5.81) T_m = \frac{\partial W'_m(\theta_m, i_a, i_r)}{\partial \theta_m} = \frac{\partial W'_m(\theta, i_a, i_r)}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_m}$$

چونکہ P قطب مشینوں کے لئے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$





شكل 5.26: لچهوں كے قطبين۔

للذا ہمیں مساوات 5.81 سے ملتا ہے

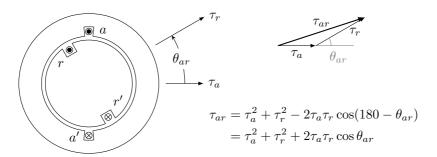
$$(5.83) T_m = -\frac{P}{2}L_{ar0}i_ai_r\sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں مروڑ  $T_m$  منفی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر کسی لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کے در میان زاویہ مثبت ہو تو ان کے مابین مروڑ منفی ہو گا لینی مروڑ ان دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک سمت میں رکھنے کی کوشش کرے گا۔

#### 5.7.2 مقناطیسی بہاو سر میکانی مروڑ کا حساب

شکل 5.26 میں دو قطب والی ایک دور کی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب صرف گھومتے کچھے میں برتی رو ہے۔ اس کچھے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے، لینی تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں اگر صرف گھومتے جھے پر توجہ دی جائے تو یہ واضح ہے کہ گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اسی طرح شکل میں دائیں جانب صرف ساکن کچھے میں برتی رو ہے۔ اگر اس مرتبہ صرف ساکن حصے پر توجہ دی جائے تو اس کے بائیں جانب سے مقناطیسی بہاو نکل کر خلائی درز میں داخل ہوتی ہے، لہذا یہی اس کا شالی قطب ہے اور اس مقناطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔

یہاں میہ واضح رہے کہ اگرچہ کچھ لچھے دکھائے گئے ہیں لیکن در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباؤ سائن-نما ہی ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباؤکی موج کے چوٹی کو ظاہر کرتے ہیں۔



شكل 5.27: خلائي درز مين مجموعي مقناطيسي دباؤ.

شکل 5.27 میں اب دونوں کچھوں میں برتی رو ہے۔ یہ واضح ہے کہ یہ بالکل دو مقناطیسوں کی طرح ہے اور ان کے اُلٹ قطبین کے مابین قوتِ کشش ہو گا، یعنی یہ دونوں کچھے ایک ہی سمت میں ہونے کی کوشش کریں گے۔

 $\theta_{ar}$  یہاں بیہ زیادہ واضح ہے کہ بیہ دو مقناطیس کو شش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صفر کے برابر ہو لیننی ان کا میکانی مر وڑ  $\theta_{ar}$  کے اُلٹ سمت میں ہو گا۔ یہی کچھ مساوات 5.83 کہتا ہے ۔

ان برقی مقناطیسوں کے مقناطیسی دباؤ کو اگر ان کے مقناطیسی محور کی سمت میں  $au_a$  اور  $au_r$  نے ظاہر کیا جائے جہاں  $au_a$  اور  $au_r$  مقناطیسی دباؤ کے چوٹی کے برابر ہوں تو خلاء میں کل مقناطیسی دباؤ  $au_a$  ان کا جمع سمتیات ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کا طول  $au_a$  کوسائن کے قلیہ  $au_a$  سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.84) 
$$\begin{aligned} \tau_{ar}^2 &= \tau_a^2 + \tau_r^2 - 2\tau_a\tau_r\cos(180^\circ - \theta_{ar}) \\ &= \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2\tau_a\tau_r\cos\theta_{ar} \end{aligned}$$

خلائی درز میں یہ کل مقناطیسی دباؤ، مقناطیسی شدت  $H_{ar}$  کو جنم دے گا جو اس قلیہ سے حاصل ہوتا ہے۔

$$\tau_{ar} = H_{ar}l_g$$

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ اب جہاں خلاء میں مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی کو-توانائی کی کثافت اس خلائی درز میں  $H^2$  کی اوسط ضرب  $\frac{\mu_0}{2}$ 

cosine law<sup>49</sup>

ہو گی۔ کسی بھی سائن نما موج  $H=H_0\cos heta$  کیا وسط  $H^2$  یوں حاصل کیا جاتا ہے۔

$$H_{b \to s}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

للذا خلائی درز میں اوسط کو-توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$  ہو گی اور اس خلاء میں کل کو-توانائی اس اوسط کو-توانائی ضربِ خلاء کی حجم کے برابر ہو گا یعنی

(5.87) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}}{2} \frac{H_{ar}^{2}}{2} 2\pi r l_{g} l = \frac{\mu_{0} \pi r l}{2 l_{g}} \tau_{ar}^{2}$$

اس مساوات میں خلائی درز کی رداسی لمبائی  $l_g$  ہے اور اس کی دھرے  $^{50}$  کی سمت میں محوری لمبائی  $^{15}$   $l_g$  ہے۔ محور سے خلاء کی اوسط رداسی فاصلہ r ہے۔ مزید میہ کہ  $l_g$  ہے۔ اس طرح خلاء میں رداسی سمت میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کی تبدیلی کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(5.88) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{g}} \left( \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

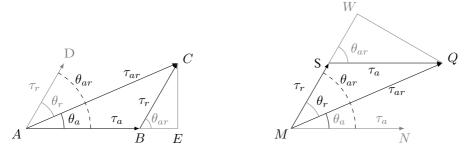
اس سے میکانی مروڑ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے

$$T_{m} = \frac{\partial W_{m}'}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_{0}\pi rl}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

یہ حساب دو قطب والی مشین کے لئے لگایا گیا ہے۔ P قطب والے مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کا میکانی مروڑ دیتا ہے للذا ایسے مشین کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

axis<sup>50</sup> axial length<sup>51</sup>



شکل 5.28: مقناطیسی بہاو اور ان کے زاویے۔

یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ اس کے مطابق مثین کا میکانی مروڑ اس کے ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباؤ کے چوٹی کے براہ راست متناسب ہے۔ اس طرح یہ ان دونوں کے در میان برقی زاویہ  $\theta_{ar}$  کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہے۔ منفی میکانی مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ  $\theta_{ar}$  کے الٹ جانب ہے لیمی یہ میکانی مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی جانب کو ہے۔ مثین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک برابر مگر الٹ سمتوں میں میکانی مروڑ ہوتا ہے البتہ ساکن جھومتے حصے کا میکانی مروڑ اس حصے کو گھماتا ہے۔ جبکہ گھومتے حصے کا میکانی مروڑ اس حصے کو گھماتا ہے۔

چونکہ مقناطیسی دباؤ برقی رو کے براہ راست متناسب ہے للذا  $au_a$  اور  $i_a$  آپس میں براہ راست متناسب ہیں جبکہ اور  $au_r$  اور  $i_r$  آپس میں براہ راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.83 اور 5.90 ایک جیسے ہیں۔ در حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل برابر ہیں۔

شکل 5.28 میں ایک مرتبہ پھر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباؤ دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں بائیں جانب  $\Delta BEC$  میں  $\Delta AEC$  مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.91) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$T_{m}=-\frac{P}{2}\frac{\mu_{0}\pi rl}{l_{g}}\tau_{a}\tau_{ar}\sin\theta_{a}$$

اس طرح شکل WQ کا طرف مشتر کہ ہے اور  $\Delta SWQ$  اور تکون  $\Delta SWQ$  کا طرف مشتر کہ ہے اور

ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.93) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اب اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مساوات 5.90 مساوات 5.92 اور مساوات 5.94 كو ايك جلَّه لكھتے ہيں۔

(5.95) 
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے یہ واضح ہے کہ میکانی مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباؤ اور ان کے مابین زاویہ کی شکل میں کھا جا کھا جا سکتا ہے یا پھر ایک کچھے کی مقناطیسی دباؤ اور کل مقناطیسی دباؤ اور ان دو کے مابین زاویہ کی شکل میں کھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جاسکتا ہے کہ میکانی مروڑ دو مقناطیسی دباؤ کے آپس میں ردعمل کی وجہ سے وجود میں آتا ہے اور یہ ان مقناطیسی دباؤ کی چوٹی اور ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباؤ، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو سب کا آپس میں تعلق رکھتے ہیں للذا ان مساوات کو کئی مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباؤ  $au_{ar}$  اور وہاں کثافت مقناطیسی بہاو  $au_{Bar}$  کا تعلق

$$B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_g}$$

استعال کر کے مساوات 5.95 کے آخری جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(5.97) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی آلوں میں مقناطیسی مرکز کی مقناطیسی مستقل  $\mu$  کی محدود صلاحیت کی وجہ سے مرکز میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ لہذا مثین بناتے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا پڑتا ہے۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباؤ اس کچھے میں برتی رو پر مخصر ہوتا ہے۔ اس برتی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے یہ لچھا گرم ہوتا ہے۔ برتی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک اس کچھے کو ٹھنڈا کرنا ممکن ہو۔ لہذا مقناطیسی دباؤ کو اس حد کے اندر رکھنا پڑتا ہے۔ چونکہ اس مساوات میں یہ دو بہت ضروری حدیں واضح طور پر سامنے ہیں اس لئے یہ مساوات مثین بنانے کی غرض سے بہت اہم ہے۔

اس مساوات کی ایک اور بہت اہم شکل اب دیکھتے ہیں۔ ایک قطب پر مقناطیسی بہاو  $\phi_P$  ایک قطب پر اوسط کا رقبہ  $A_P$  ہوتا ہے۔ جہاں کثافت مقناطیسی بہاو اوسطB ضرب ایک قطب کا رقبہ  $A_P$  ہوتا ہے۔ جہاں

$$(5.98) B_{\rm best} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.99) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

یہ مساوات معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

# یکسان حال، برقرار چالو معاصر مشین

جیسا کہ نام سے واضح ہے یہ وہ گھومنے والی مشین ہے جو ایک ہی رفتار سے گھومتی ہے اور یہ رفتار اس کو دیئے گئے ، برقی دباؤ کے تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

جب کسی جزیٹر پر بوجھ تبدیل کیا جائے یا اسے فراہم میکانی طاقت فراہم کرنے والے کی رفتار تبدیل کی جائے تو جزیٹر نئی صورتِ حال کے مطابق چند ہی کھات میں دوبارہ برقرار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اس برقرار چالو صورت میں اس کی رفتار، برقی دوباؤ، برقی رو، درجہ حرارت وغیرہ مقررہ رہتے ہیں۔اسی طرح اگر موٹر پر بوجھ تبدیل ہو تو اسے درکار طاقت اور برقی رو تبدیل ہوں گے۔بوجھ تبدیل ہونے سے پہلے موٹر برقرار مقررہ برقی رو حاصل کرتا رہتا ہے اور اس کا درجہ حرارت ایک مقررہ قیت پر رہتا ہے۔اس طرح بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی کھات میں یہ دوبارہ ایک نئی برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت اختیار کر لیتا ہے۔دو مختلف برقرار چالو، یکسال صورتوں کے در میان چند کھات کے درجہ حرارت میں مورت میں ہوتا ہے۔اس باب میں یکسال حال، برقرار چالو² مشین پر تبھرہ کیا جائے گا۔

معاصر آلوں میں عموماً قوی لچھا ساکن رہتا ہے جبکہ میدانی لچھا معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔ قوی لچھوں کی برقی رو میدانی لچھوں کی برقی رو کی نسبت بہت زیادہ ہوتی ہے اور اسے سرک چھلوں کے ذریعہ گزارنا نہایت مشکل ہوتا ہے للذا قوی لچھوں کو ساکن رکھا جاتا ہے جبکہ میدانی لچھوں کو گھمایا جاتا ہے۔

> transient state<sup>1</sup> steady state<sup>2</sup>

ہم یہ دیکھ چکے ہیں کہ تین مرحلہ لیٹے ساکن لیجھوں میں اگر متوازن تین مرحلہ برقی رو ہو تو یہ ایک گھومتے متناطیسی دباؤکی موج کو جنم دیتی ہے۔اس گھومتے موج کی رفتار کو معاصر دفتار 3 کہتے ہیں۔ معاصر مثنین کا گھومتا حصہ اسی رفتار سے گھومتا ہے۔

معاصر مشین کے میدانی کچھے کو یک سمتی برتی رو درکار ہوتی ہے جو یا تو سرک چھلوں کے ذریعہ اس تک باہر سے پہنچائی جاتی ہے یا پھر مشین کے دھرے پر ہی نسب ایک چھوٹی یک سمتی جزیٹر سے اسے فراہم کی جاتی ہے۔

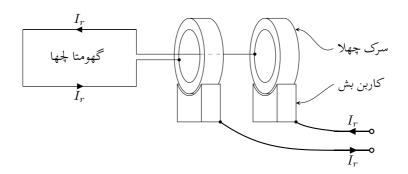
میدانی لچھا ایک میدانی مقناطیسی دباؤ کو جنم دیتی ہے جو اس کچھ کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ لہذا معاصر مثنین کے گھومتے اور ساکن کچھوں کے مقناطیسی دباؤ معاصر رفتار سے ہی گھومتے ہیں۔ اسی وجہ سے انہیں معاصر مثنین کہتے ہیں۔

# 6.1 متعدد مرحله معاصر مشين

معاصر مشین عموماً تین مرحلہ ہوتے ہیں۔ان کے تین مرحلہ ساکن قوی کچھے خلاء میں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ اس کے میدانی کچھے کھومتے تھے پر نسب ہوتے ہیں اور ان میں یک سمتی برقی رو ہوتی ہے۔

اگر مشین کے گھومتے تھے کو بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جائے تو یہ مشین ایک معاصر جزیٹر کے طور پر کام کرتی ہے اور اس کے تین مرحلہ ساکن قوی کچھوں میں تین مرحلہ برتی دباؤ پیدا ہوتی ہے جس کا برتی تعدد گھومنے کے رفتار پر منحصر ہوتا ہے۔ اس کے برعکس اگر مشین کے تین مرحلہ ساکن قوی کچھوں کو تین مرحلہ برقی طاقت مہیا کیا جائے تو یہ ایک معاصر موٹر کے طور کام کرتی ہے جو معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ مشین کی کل برتی قوت کے چند فی صد برابر برقی قوت اس کے میدان کچھے کو درکار ہوتی ہے۔ گھومتے کچھے تک برقی دباؤ مختلف طریقوں سے پہنچائی جاتی ہی گومتے بچھے تک موصل مسرک چھلے کی مدد سے یک سمتی برقی رو پہنچانے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ یہ سرک چھلے اس دھرے پر نسب ہوتے ہیں جس پر گھومتا کچھا نسب ہوتا ہے اور یہ اس کچھے کے ساتھ بیساں طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساکن گبش، اسپر نگ کی مدد سے ان کے ساتھ بیساں طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساتھ کیساں طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساتھ کیساں طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح کے ساتھ کیساں طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح کے ساتھ کیساں سرک چھلوں پر سرکتے ہیں۔ اسپر نگ کی مدد سے ان کسر سرک چھلوں پر سرکتے ہیں۔ اسپر نگ کی کاربن کے گبش ان سرک چھلوں پر سرکتے ہیں۔ اسپر نگ کاربن کے گبش ان سرک چھلوں پر سرکتے ہیں۔ اسپر نگ کا

synchronous speed<sup>3</sup> slip rings<sup>4</sup>



شکل 6.1: کاربن بُش اور سرک چهلوں سے لچھے تک برقی رو پہنچایا گیا ہے۔

د باؤ ان کا بر تی جوڑ مضبوط رکھتا ہے اور ان کے مابین چنگاریاں نہیں نکلتی۔ کاربن کُش کے ساتھ بر تی تار کگی ہے۔ اس طرح یک سمتی بر تی رو  $I_r$  ، کاربن کُش ڈسے سرک چھلوں اور یہاں سے گھومتے کچھے تک پہنچتی ہے۔

بڑے معاصر مشین میں میدانی یک سمتی برقی رو عموماً ایک بدلتی رو برقی جزیٹر سے حاصل کی جاتی ہے جو معاصر مشین کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے اور اس کے ساتھ کیسال طور پر گھومتی ہے۔اس چھوٹے جزیٹر کی برقی دباؤکو دھرے پر ہی نسب الیکٹرائکس کی مدد سے یک سمتی برقی دباؤ میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یوں سرک چھلے کی ضرورت نہیں رہتی۔سرک چھلے رگڑ کی وجہ سے خراب ہوتے ہیں جس کی وجہ سے معاصر مشین کو مرمت کی خاطر بند کرنا پڑتا ہے جو بہت مہنگا پڑتا ہے۔

اُ محرے قطب، مشین پانی سے چلنے والے ست رفتار جزیٹر اور عام استعال کے موٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں۔ ہیں جبکہ ہموار قطب، مشین تیز رفتار دو یا چار قطب والے ٹربائن جزیٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں۔

کسی بھی مملکت کو درکار برقی توانائی ایک برقی جزیٹر سے دینا ممکن نہیں، المذا حقیقت میں کچھ در جنوں سے لیکر کئی سو برقی جزیٹر بیک وقت بیہ فرکضہ سر انجام دے رہے ہوتے ہیں۔ ایک سے زیادہ جزیٹر استعال کرنا فائدہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اوّل تو برقی توانائی کی ضرورت کے مطابق جزیٹر چالو کئے جا سکتے ہیں اور پھر ان جزیٹر وال کو ضرورت کی مطابق جزیٹر چالو کئے جا سکتے ہیں اور پھر ان جزیٹر ول کو ضرورت کی جگھ کے ممکنہ طور پر قریب نسب کیا جا سکتا ہے۔ کسی بھی اس طرح کے بڑے نظام میں ایک جزیٹر کی حیثیت بہت کم ہو جاتی ہے۔ ایک جزیٹر چالو یا بند کرنے سے پورے نظام پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ اس صورت میں ہم

salient poles

non-salient poles<sup>7</sup>

اس نظام کو ایک مقررہ برقی دباؤ اور ایک مقررہ برقی تعدد رکھنے والا نظام تصور کر سکتے ہیں۔ معاصر جزیرُ ول کے کئ اہم پہلو با آسانی سمجھے جا سکتے ہیں اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ یہ ایک ایسے ہی نظام سے جوڑا گیا ہے۔

مساوات 5.101 ایک معاصر مشین کا مرور بالاتا ہے۔ اس مساوات کے مطابق برقی مقناطیسی مرور کی کوشش ہوتی ہے کہ وہ مشین میں موجود عمل کرنے والے مقناطیسی دباؤ کو سیدھ میں لائے۔ برقرار چالو مشین کا برقی مقناطیسی مرور اور اس کے دھرے پر لاگو میکانی مرور برابر ہوتے ہیں۔ جب مشین ایک جزیئر کی حیثیت سے استعال ہو تب میکانی طاقت دھرے کو گھماتا ہے اور گھومتے لچھے کا مقناطیسی دباؤ کل مقناطیسی دباؤ سے گھومنے کی سمت میں آگے ہوتا ہے۔ مساوات 5.101 سے حاصل مرور اس صورت میں گھومنے کو روکنے کی کوشش کرتا ہے۔ میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے چلتے انجن وغیرہ سے حاصل ہو سکتا ہے۔ اس طرح اگر مشین ایک موٹر کی حیثیت سے استعال ہو رہا ہو، ایندھن سے جاکل اُک ہو گا۔

اگر کل مقناطیسی بہاہ  $\phi_{ar}$  اور گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباؤ  $\tau$  تبدیل نہ ہو تب اسی مساوات کے مطابق مثین کا مروڑ  $\sin\theta_r$  کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ اگر زاویہ  $\theta_r$  صفر ہو تب یہ مروڑ بھی صفر ہو گا۔ اب تصور کریں کہ یہی مثین ایک موٹر کے طور پر استعال ہو رہی ہو۔ جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جائے ویسے ویسے اس کے دھرے پر میکانی مروڑ بڑھے گی۔ موٹر کو برابر کا برتی مقناطیسی مروڑ پیدا کرنا ہو گا جو یہ زاویہ بڑھا کر کرتا ہے۔ یہاں یہ سمجھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر وقت معاصر رفتار سے ہی گھومتا ہے اور وہ یہ زاویہ پل بھر کے لئے آہتہ ہو کر ضرورت کے مطابق درست کرتا ہے۔ یہی موٹر کا زاویہ  $\theta_r$  وقت میکانی مروڑ کا تعقب 8 کرتی ہے۔

اگر موٹر پر لدا میکانی بوجھ بتدر تک بڑھایا جائے تو ایک لمحہ آئے گا جب زاویہ  $\theta_{\tau}$  نوے درجہ لیعنی  $\frac{\pi}{2}$  ریڈیئن تک پہنچ جائے گا۔ اس لمحہ موٹر اپنی انتہائی مروڑ  $\theta_{\tau}$  پیدا کر رہی ہو گی۔ اگر بوجھ مزید بڑھایا جائے تو موٹر کسی بھی صورت میں اس کے مقابلے کا مروڑ نہیں پیدا کر سکتی اور یہ موٹر رکھ جائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر 10 صورت اختیار کر لی ہے۔ مساوات سے یہ ظاہر ہے کہ کل مقناطیسی بہاو یا گھومتے کچھے کا مقناطیسی و باؤ بڑھا کر اس انتہائی مروڑ کی مقدار بڑھائی جا سکتی ہے۔

یہی صورت اگر مثین برقی جزیر کے طور پر استعال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مثین غیر معاصر صورت اختیار کرے اسے جلد خود کار دور شکن ۱۱ کی مدد سے برقی بھم رسانی سے الگ کر دیا جاتا ہے۔

hunting° pull out torque9

lost synchronism<sup>10</sup>

circuit breaker<sup>11</sup>

ہم نے دیکھا کہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف اسی رفتار پر گھومتی صورت میں مروڑ پیدا کر سکتی ہے للذا اگر اسے ساکن حالت سے چالو کرنے کی کوشش کی جائے تو یہ کوشش ناکام رہے گی۔ ایسے موٹر کو پہلے کسے اور طریقے سے معاصر رفتار تک لایا جاتا ہے اور پھر اسے چالو کیا جاتا ہے۔ ایسا عموماً ایک چھوٹی امالی موٹر <sup>12</sup> کی مدد سے کیا جاتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو، اس کے معاصر رفتار تک لے آتا ہے اور پھر اس معاصر موٹر کو چالو کیا جاتا ہے۔ ایسی اللہ موٹر معاصر موٹر کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے۔

# 6.2 معاصر مشین کر امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مشین دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے کچھے ستارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح کچھوں میں برقی روہ تار برقی روڈا ہی ہوگی اور ان پر لاگو برقی دباؤ، یک مرحلہ برقی دباؤ ہو گی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ متیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

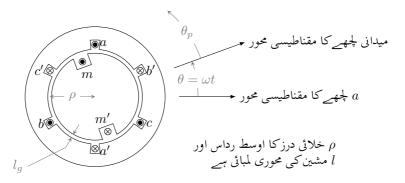
شکل 6.2 میں ایک ایبا تین مرحلہ دو قطب معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ اس کا گھومتا حصہ نکلی نما ہے۔اس کو دو قطب کا مشین یا پھر P قطب کے مشین کا دو قطب کا حصہ سمجھا جا سکتا ہے۔

یہاں گچھ لچھے دکھائے گئے ہیں لیکن حقیقت میں پھیلے لچھے ہی استعال ہوتے ہیں اور انہیں در حقیقت پھیلے لچھے ہی سمجھا جائے۔ اس طرح ہر لچھا سائن نما برقی دباؤ پیدا کرتا ہے جس کی چوٹی لچھے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہوتی ہے۔ چونکہ معاصر مشین میں گھومتے لچھے میں یک سمتی رو ہی ہوتا ہے للذا اس کا مقناطیسی دباؤ ہر لمحہ گھومتے جھے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہی رہتا ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح گھومتے لچھے کا مقناطیسی دباؤ گھومتے جھے کے ساتھ معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔

 $a^{-14}$  ہم فرض کرتے ہیں کہ مشین معاصر رفتار  $\omega$  سے گھوم رہی ہے۔ اس طرح اگر لمحہ t=0 پر مرحلہ  $a^{-14}$  اور گھومتے کچھ کے مقناطیسی محور ایک ہی سمت میں ہوں تب کسی بھی لمحہ پر ان کے مابین زاویہ  $\theta=\omega t$  ہو گا۔ امالہ کے حساب لگانے کے لئے شکل a=0 سے رجوع کریں۔ شکل میں محیط پر خلائی درز یکساں ہے اور اس کی رداسی سمت

induction motor<sup>12</sup>

nhase<sup>14</sup>



شكل 6.2: تين مرحله، دو قطب معاصر مشين-

میں لمبائی  $l_g$  ہے۔ساکن جھے میں شگافوں کے اثر کو نظرانداز کیا گیا ہے۔محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ ho ہے اور مثنین کی دھرے کی ست میں محوری لمبائی  $l_g$  ہے۔

کسی بھی لچھے کے خود امالہ کا حساب کرتے وقت باتی سب لچھوں کو نظرانداز کریں۔ اس کا مطلب ہے کہ آپ تصور کریں کہ باقی سب لچھوں میں برقی رو صفر ہے یعنی ان لچھوں کے سرے آزاد رکھے گئے ہیں۔ حقیقت میں اگر آپ کبھی لچھوں کے خود امالہ کو مشین کی مدد سے ناپنا چاہیں تو آپ باقی سب لچھوں کے سرے آزاد ہی رکھیں گے۔

6.2.1 خود امالہ

$$au$$
 گومتے یا ساکن کچھے کی خود امالہ  $L$  زاویہ  $\theta$  پر منحصر نہیں۔ ان میں سے کسی بھی کچھے کی مقناطیسی دباؤ  $t$  (6.1) 
$$au=k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p$$

ے خلائی درز میں کثافت مقاطیسی بہاو B پیدا ہو گی جہاں

(6.2) 
$$B = \mu_0 H = \mu_0 \frac{\tau}{l_a} = \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_a} \cos \theta_p$$

6.2. معاصر مشين كر اماله

یہ مساوات زاویہ  $heta_p$  کے ساتھ بدلتی کثافتِ مقناطیسی دباؤ B بتلاتی ہے۔ اس کچھے کا ایک قطب پر کل مقناطیسی بہاو  $\phi$  کا حساب کرنے کے لئے ہمیں اس مساوات کا سطحی تکمل  $^{ ext{cl}}$  یوں لینا ہو گا۔

$$\phi = \int \boldsymbol{B} \cdot d\boldsymbol{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B l \rho \, d\theta_{p}$$

$$= \mu_{0} k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N i}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_{p} \, d\theta_{p}$$

$$= \frac{4 \mu_{0} k_{w} N i l \rho}{\pi l_{g}}$$

اب ہم اس کیجے کی خود امالہ L مساوات 2.28 میں جزو کھیلاو  $k_w$  کا اثر شامل کرتے ہوئے حاصل کر سکتے ہیں۔

$$L=\frac{\lambda}{i}=\frac{k_wN\phi}{i}=\frac{4\mu_0k_w^2N^2l\rho}{\pi l_g}$$

یہ مساوات اس شکل میں کسی بھی لچھے کی خود امالہ دیتا ہے۔ یعنی

(6.5) 
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l\rho}{\pi l_g}$$

اور

(6.6) 
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_g}$$

6.2.2 مشتركم امالم

surface integral<sup>15</sup>

a کچھ سے گزرے گا۔ اس مقناطیسی بہاو کا حساب مساوات 6.3 میں تکمل کے حدود تبدیل کر کے یوں حاصل ہو گا۔

$$\phi_{am} = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, d\theta_{p}$$

$$= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, d\theta_{p}$$

$$= \frac{4\mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta$$

اس مساوات سے ان کا مشتر کہ امالہ یہ ہے

$$(6.8) L_{am} = \frac{\lambda_{am}}{i_m} = \frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m} = \frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

اس کو بول لکھ سکتے ہیں

$$(6.9) L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

جہاں جیسے پہلے ذکر ہوا زاویہ heta گھومنے کی رفتار پر منحصر ہے یعنی heta=0 اور  $L_{am0}$  یہ ہے

$$L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_g}$$

ا گرچہ یہ مساوات ایک گھومتے اور ایک ساکن کچھ کے لئے نکالا گیا ہے در حقیقت یہ اس شکل میں کسی بھی دو کچھوں کے لئے درست ہے۔ یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ اگر یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ اگر یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ المذا دو ساکن یکسال کچھے مثلاً a اور b جن کے مابین °120 کا زاویہ ہے کا آپس کا مشتر کہ امالہ یہ ہو گا

(6.11) 
$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_q} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_q}$$

جہاں دونوں کچھے بالکل کیساں ہونے کی بدولت  $k_{wb}=k_{wa}$  اور  $N_b=N_a$  لئے گئے ہیں۔اگر تینوں ساکن کچھے بالکل کیساں ہو تب ہم اس مساوات اور مساوات 6.5 کی مدد سے یہ لکھ سکتے ہیں۔

$$(6.12) L_{ab} = L_{bc} = L_{ca} = -\frac{L_{aa0}}{2}$$

6.2. معاصر مشين كر اماله

6.2.3 معاصر امالہ

مشین پر لا گو برقی دباؤ کو مشین کے لیچھوں کی خود امالہ، مشتر کہ امالہ اور لیچھوں میں برقی رو کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہم پہلے لیچھوں کی ارتباط بہاو \ کو ان کے امالہ اور ان میں برقی رو کی مدد سے یوں لکھتے ہیں۔

$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ab}i_{b} + L_{ac}i_{c} + L_{am}I_{m}$$

$$\lambda_{b} = L_{ba}i_{a} + L_{bb}i_{b} + L_{bc}i_{c} + L_{bm}I_{m}$$

$$\lambda_{c} = L_{ca}i_{a} + L_{cb}i_{b} + L_{cc}i_{c} + L_{cm}I_{m}$$

$$\lambda_{m} = L_{ma}i_{a} + L_{mb}i_{b} + L_{mc}i_{c} + L_{mm}I_{m}$$

ان مساوات میں ساکن کچھوں کے بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف یعنی  $i_a,i_b,i_c$  سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ گھومتے میدانی کچھے کے یک سمتی برقی رو کو بڑے حرف  $I_m$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ان چار مساوات میں سے ہم کسی ایک کو چُنتے ہیں اور اسے حل کرتے ہیں۔ چونکہ یہ چاروں مساوات ایک طرح کے ہیں اس لئے باقی بھی ایسے ہی حل ہول گے۔ ہم ان میں سے پہلے مساوات لیتے ہیں یعنی

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات 6.5 ہمیں a کچھے کا خود امالہ دیتا ہے۔ یہ مساوات یہ تصور کر کے نکالا گیا تھا کہ اس کچھے کا پورا مقناطیسی بہاو خلائی درز سے گزرتا ہے۔ حقیقت میں ایبا نہیں ہوتا اور کچھ مقناطیسی بہاو اس خلائی درز میں سے گزر کر دوسری جانب نہیں پہنچتا۔ ایسے مقناطیسی بہاو کی وجہ سے رستا امالہ  $L_{al}$  وجود میں آتا ہے۔ یہ بالکل ٹرانسفار مر کے رستا امالہ کی طرح ہے۔ یوں اس کچھے کا کل وخود امالہ میں ہے۔

$$(6.15) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

ہم مساوات 6.5، مساوات 6.9، مساوات 6.12 اور مساوات 6.15 کی مدد سے مساوات 6.14 کو یول لکھتے ہیں۔

$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{b} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{c} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

$$= (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} (i_{b} + i_{c}) + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

اب تین مرحلہ برقی رو مجموعہ صفر ہوتا ہے لیعنی

$$(6.17) i_a + i_b + i_c = 0$$

للذا مساوات 6.16 میں اس کو استعال کرتے ملتا ہے

$$\lambda_a = (L_{aa0} + L_{al}) i_a - \frac{L_{aa0}}{2} (-i_a) + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

$$= \left(\frac{3}{2} L_{aa0} + L_{al}\right) i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

$$= L_s i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

جہاں

$$(6.19) L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

كو معاصر اماله 16 كت بير-

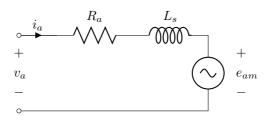
اس مساوات اور مساوات 5.48 پر ایک مرتبہ دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ملتے جلتے ہیں۔ وہاں کل گومتا مقناطیسی دباؤ ایک کچھے کی مقناطیسی دباؤ کے  $\frac{3}{2}$  گھنا ہے۔ یہ دو مساوات در حقیقت ایک ہی حقیقت کے دو پہلو ہیں۔

معاصر امالہ تین حصوں پر مشتمل ہے۔ پہلا حصہ  $L_{aa0}$  ہے جو a کچھے کا خود امالہ ہے۔ دوسرا حصہ  $\frac{L_{aa0}}{2}$  اس کچھے لعنی a کچھے کا باقی دو کچھوں کے ساتھ اُس صورت میں مشتر کہ امالہ ہے جب مشین میں تین مرحلہ متوازن برقی رو ہو۔ تیسرا حصہ a کا رستا امالہ ہے۔ اس طرح معاصر امالہ مشین کے ایک کچھے کا ظاہر کی امالہ ہوتا ہے جب مشین متوازن برقی رو ہو۔ مشین میں متوازن برقی رو ہو۔

مثال 6.1: ایک معاصر جزیر کی یک مرحله کل خود اماله 2.2 mH ور رستا اماله 0.2 mH بین-اس مشین کے دو مرحلوں کا آپس میں مشتر کہ امالہ اور مشین کا معاصر امالہ حاصل کریں۔

 $L_{ab}=-1~{
m mH}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=2~{
m mH}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{aa}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{aa}$  اور مساوات  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{aa0}+L_{aa0}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{aa0}+L_{aa0}$ 

synchronous inductance<sup>16</sup>



شكل 6.3: معاصر موثر كا مساوى دور يا رياضي نمونه.

#### 6.3 معاصر مشین کا مساوی دور یا ریاضی نمونہ

لچھ a پر لاگو برتی دباؤ اس کچھ کی مزاحمت  $R_a$  میں برتی دباؤ کے گھنے اور  $\lambda_a$  کے برتی دباؤ کے برابر ہو گا، لینی

$$v_{a} = i_{a}R_{a} + \frac{\mathrm{d}\lambda_{a}}{\mathrm{d}t}$$

$$= i_{a}R_{a} + L_{s}\frac{\mathrm{d}i_{a}}{\mathrm{d}t} - \omega L_{am0}I_{m}\sin\omega t$$

$$= i_{a}R_{a} + L_{s}\frac{\mathrm{d}i_{a}}{\mathrm{d}t} + e_{am}$$

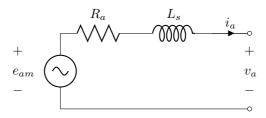
يہاں

(6.21) 
$$e_{am} = -\omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$
$$= \omega L_{am0} I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

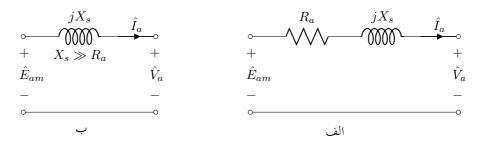
کو ہیجانی برقی دباؤ یا اندرونی پیدا برقی دباؤ کہتے ہیں جو گھومتے کچھے سے پیدا مقناطیسی بہاو کی وجہ سے وجود میں آتی ہے۔ اس کے موثر قیت Eam,rms مساوات 1.44 کی مدد سے حاصل ہوتا ہے۔

(6.22) 
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

مساوات 6.20 کو ایک برقی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے جسے شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔ کسی بھی برقی آلہ پر جب برقی دباؤ لا گو کیا جائے تو برقی روکی شبت ست لا گو برقی دباؤ کے شبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی ہے۔ للذا اس شکل میں برقی رو $i_a$  لا گو برقی دباؤ  $v_a$  کی شبت سرے سے باہر کی جانب کو ہے۔ یہ شکل ایک موٹر کو ظاہر کرتی ہے جہاں موٹر کے شبت سرے پر برقی رو اندر کی جانب کو ہوتا ہے۔ اگر موٹر کی بجائے ایک معاصر جزیئر کی بات



شكل 6.4: معاصر جنريٹر كا مساوى دور يا رياضي نمونه۔



شکل 6.5: معاصر جنریٹر کر مساوی دور۔

ہوتی تو یہ جزیٹر برقی دباؤ پیدا کرتا اور برقی رو اس جزیٹر کی مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی۔ اس صورت میں ہمیں شکل 6.3 کی جگہ شکل 6.4 ملے گا۔اس شکل کی مساوات اسی شکل سے یوں حاصل ہوتی ہے۔

(6.23) 
$$e_{am} = i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + v_a$$

یہاں یہ دھیان رہے کہ جزیٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت موٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت کے اُلٹ ہے۔اس کا مرحلی سمتیہ مساوات یوں لکھا جائے گا۔

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

اس مر حلی سمتیہ کے مساوات کو شکل 6.5-الف میں دکھایا گیا ہے۔عام حالات میں  $X_s$  کی مقدار  $R_a$  سے سوسے دو سو گنا زیادہ ہوتی ہے۔

6.4. برقی طاقت کی منتقلی

مثال 6.2: دو قطب 50 ہر ٹز کا ایک معاصر جنریٹر 40 ایمپیئر میدانی برقی رو پر 2100 وولٹ یک مرحلہ موثر برقی دباؤ پیدا کرتی ہے۔اس مشین کی قوی اور میدانی کچھوں کے مابین مشتر کہ امالہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 6.22 سے

(6.25) 
$$L_{am} = \frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m} = \frac{\sqrt{2}\times 2100}{2\times \pi\times 50\times 40} = 0.2363\,\mathrm{H}$$

#### 6.4 برقى طاقت كى منتقلى

شکل 3.20 ٹرانسفار مر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) اور شکل 6.5 معاصر جزیٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) ہے۔ دونوں بالکل ایک طرح کے ہیں، لہذا مندرجہ ذیل بیان دونوں کے لئے درست ہو گا، اگرچہ یہاں ہمیں صرف معاصر آلوں سے دلچیں ہے۔

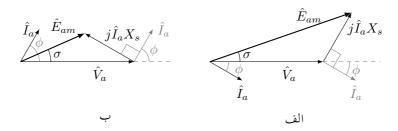
معاصر آلوں میں معاصر متعاملہ کچھے کی مزاحمت سے بہت زیادہ ہوتا ہے للذا اس کے مزاحمت کو نظرانداز کیا جا سکتا۔ ایہا ہی شکل کے حصہ با میں کیا گیا ہے۔

شکل 6.5-ب کو اگر ہم ایک کھے کے لئے ایک سادہ برقی دور سمجھیں جس کے بائیں جانب  $\hat{E}_{am}$  اور دائیں جانب  $\hat{V}_a$  جانب  $\hat{V}_a$  برقی دباؤ ہے جن کے مابین ایک متعاملہ  $\hat{J}X_s$  جڑا ہے۔ اس برقی دور میں برقی طاقت کے منتقلی کا حساب یوں ممکن ہے۔

شکل 6.5-ب کی مرحلی سمتیہ شکل 6.6 میں دی گئی ہے۔ شکل 6.6-الف میں برتی رو  $\hat{I}_a$  برتی دباؤ  $\hat{V}_a$  ہیں جا ور شکل 6.5-ب میں برتی رو  $\phi$  زاویہ برتی دباؤ سے آگے ہے۔ چونکہ زاویہ اُفقی سمت سے گھڑی کی اُویہ ہت ہت ہیں جا اور شکل 6.6-ب میں دونوں زاویہ ہوں مثبت ناپا جاتا ہے للذا شکل-الف میں  $\phi$  منفی زاویہ ہے اور  $\sigma$  مثبت زاویہ ہے جبکہ شکل-ب میں دونوں زاویہ مثبت ہیں۔

رائیں جانب طاقت  $p_v$  منتقل ہو رہی ہے جہاں

$$(6.26) p_v = V_a I_a \cos \phi$$



شكل 6.6: معاصر جنريثر كا مرحلي سمتيه.

کے برابر ہے۔شکل 6.6-الف سے

$$\hat{I}_{a} = I_{a} \underline{/\phi_{a}} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_{a}}{jX_{s}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - V_{a}\underline{/0}}{X_{s}\underline{/\frac{\pi}{2}}}$$

$$= \frac{E_{am}\underline{/\sigma} - \pi/2 - V_{a}\underline{/-\pi/2}}{X_{s}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ایک مرحلی سمتیہ کے دو جزو ہوتے ہیں۔ اس کا حقیقی جزو اُفقی سمت میں بنایا جاتا ہے اور اس کا فرضی جزو حقیقی جزو کے عمود میں بنایا جاتا ہے۔شکل 6.6 سے واضح ہے کہ اس مساوات کا حقیقی جزو  $\hat{V}_a$  کے ہم قدم ہے لہٰذا

(6.28) 
$$I_a \cos \phi_a = \frac{E_{am}}{X_s} \cos \left(\sigma - \frac{\pi}{2}\right) - \frac{V_a}{X_s} \cos \left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
$$= \frac{E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

اس مساوات اور مساوات 6.26 سے حاصل ہوتا ہے

$$(6.29) p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین مرحلہ معاصر مشین کے لئے اس مساوات کو تین سے ضرب دیں یعنی

$$(6.30) p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

 $E_{am}$ یہ طاقت بالمقابل زاویہ  $^{17}$  کا قانون ہے۔اگر  $V_a$  معین ہو تو جزیئر  $E_{am}$  یا  $\sigma$  بڑھا کر طاقت بڑھا سکتا ہے۔اگر محمین ہو تو جزیئر محمین ہے۔ کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی گھومتے کچھے میں برتی رو بڑھا کر بڑھائی جاتی ہے۔البتہ یہ ایک حد تک کرنا ممکن ہے۔ کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی

power-angle law17

6.4. برقی طاقت کی منتقلی

ضائع ہونے سے یہ گرم ہوتا ہے اور اس کی حرارت کو خطر ناک حد تک چینجنے نہیں دیا جا سکتا۔ دوسری جانب σ کو نوے زاویہ تک بڑھایا جا سکتا ہے اور اس صورت میں جزیٹر زیادہ سے زیادہ طاقت مہیا کرے گا۔

$$p_{v, ; \boldsymbol{\xi}^{\prime}} = \frac{3V_a E_{am}}{X_s}$$

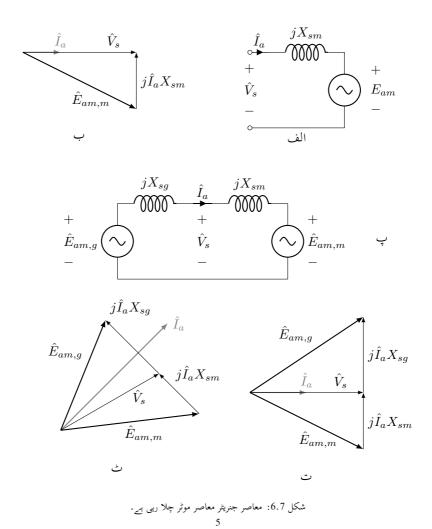
حقیقت میں جزیٹر کو اس طرح بنایا جاتا ہے کہ اس کی زیادہ سے زیادہ قابل استعال طاقت نوے درجے سے کافی کم زاویہ پر ہو۔ نوے درجے پر جزیٹر کو قابو رکھنا مشکل ہو جاتا ہے۔

مثال 6.3: ایک 50 قطب ستارہ جڑی تین مرحلہ 50 ہرٹز 2300 وولٹ تار کی برقی دباؤ پر چلنے والی 1800 کلو وولٹ-ایمپیئر کی معاصر مشین کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.1 اوہم ہے۔

- مثین کے برتی سروں پر 2300 وولٹ تارکی برتی دباؤ مہیا کرتے ہوئے اگر اس کی میدانی برتی رواتنی رکھی جائے کہ پورے بوجھ پر مثین کا جزو طاقت ایک کے برابر ہو تو اس سے زیادہ سے زیادہ کتنی مروڑ حاصل کی جائے کہ پورے بوجھ پر مثین کا جزو طاقت ایک کے برابر ہو تو اس سے زیادہ سے زیادہ کتنی مروڑ حاصل کی جائے ہے۔
- اگر اسے 2 قطب 3000 چکر فی منٹ تین مرحلہ سارہ جڑی 2300 وولٹ تارکی برقی دباؤ پیدا کرنے والی 2200 کلو وولٹ الد 2.3 اوہم ہو۔ موٹر 2200 کلو وولٹ ایمبیئر کی معاصر جزیئر سے چلایا جائے جس کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.3 اوہم ہو۔ موٹر پر اس کا پورا برقی بوجھ لاد کر جزیئر کو معاصر رفتار پر چلاتے ہوئے دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے حتی کہ موٹر ایک جزو طاقت پر چلنے لگے۔ دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو یہاں برقرار رکھ کر موٹر پر بوجھ آہستہ آہستہ بڑھائی جاتی ہے۔ اس صورت میں موٹر سے زیادہ سے زیادہ کتنی مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے اور اس کی سروں پر تارکی برقی دباؤ کتنی ہوگی۔

حل:

• شکل 6.7 الف اور 6.7 ب سے رجوع کریں۔ یک مرحلہ برقی دباؤ اور کل برقی رویہ ہیں •  $\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9\,\mathrm{V}$   $\frac{1800000}{\sqrt{3}} = 451.84\,\mathrm{A}$ 



6.4. برقی طاقت کی منتقلی

للذا

$$\begin{split} \hat{E}_{am,m} &= \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m} \\ &= 1327.9 / 0^\circ - j451.84 / 0^\circ \times 2.1 \\ &= 1327.9 - j948.864 \\ &= 1632 / -35.548^\circ \end{split}$$
 تناده برتی طاقت  $6.31$  تناده برتی طاقت  $p_{ij} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1\,031\,968\,\mathrm{W}$ 

ہے۔ یوں تین مرحلوں کی زیادہ سے زیادہ طاقت 904 3095 واٹ ہوگی۔ 50 ہرٹز اور 50 قطب سے مشین کی معاصر میکانی رفتار مساوات 500 کی مدد سے دو چکر فی سکینٹر حاصل ہوتی ہے لیعنی  $f_m=2$  یوں مشین سے زیادہ سے زیادہ مروڑ

$$T_{|\vec{\varphi}|} = \frac{p_{|\vec{\varphi}|}}{2\pi f_m} = \frac{3095904}{2\times\pi\times2} = 246\,364\,\mathrm{N\,m}$$

حاصل ہو گی۔

• شکل 6.7-پ سے رجوع کریں۔ پہلی جزو کی طرح یہاں بھی موٹر کی برقی سروں پر تار کی برقی دباؤ 2300 وولٹ اور اس کی محرک برقی دباؤ 1632 وولٹ ہے۔ جزیٹر کی محرک برقی دباؤ

$$\begin{split} \hat{E}_{am,g} &= \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} + j451.84 / 0^{\circ} \times 2.3 \\ &= 1327.9 + j1039.233 \\ &= 1686 / 38.047^{\circ} \end{split}$$

ہے۔ یہ صورت شکل 6.7-ت میں دکھائی گئی ہے۔

معاصر موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب  $\hat{E}_{am,m}$  اور  $\hat{E}_{am,m}$  آپس میں  $\hat{E}_{am,m}$  زاویہ پر مول۔ ایسا شکل  $\hat{E}_{am,m}$  میں دکھایا گیا ہے ۔

اب مساوات 6.31 میں ایک معاصر امالہ کی جگہ سلسلہ وار جڑی موٹر اور جزیٹر کی امالہ ہیں اور دو برقی دباؤ اب موٹر اور جزیٹر کی محرک برقی دباؤ ہیں۔یوں موٹر کی یک مرحلہ زیادہ سے زیادہ طاقت

$$p_{\slashed{G}} = \frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625352 \,\text{W}$$

ماصل ہوں گے۔ تین مر حلوں سے یوں 
$$1876\,056$$
 واٹ حاصل ہوں گے اور زیادہ سے زیادہ مروڑ 
$$T_{i;j}=\frac{1876056}{2\times\pi\times2}=149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

ہو گی۔

6.5 یکساں حال، برقرار چالو مشین کے خصوصیات

معاصر جنریٹر: برقی بوجھ بالمقابل  $I_m$  کے خطوط 6.5.1

شکل 6.5-ب کے لئے مرحلی سمتیوں کا مساوات یہ ہے

$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

اسے بول لکھ سکتے ہیں

(6.33) 
$$E_{am}\underline{\sigma} = V_a\underline{/0} + I_a X_s \underline{/\frac{\pi}{2} + \phi}$$

$$I_a X_s \underline{/$$

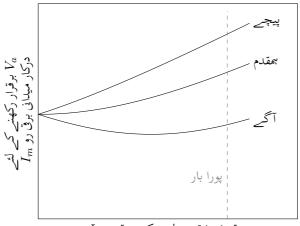
 $E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma = V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$  $= E_{am,x} + jE_{am,y}$ 

اس مساوات سے  $\left|\hat{E}_{am}
ight|$  یعنی  $E_{am}$  کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے۔

(6.34) 
$$\begin{aligned} \left| \hat{E}_{am} \right| &= E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + \left( I_a X_s \right)^2 + 2 V_a I_a X_s \sin \phi} \end{aligned}$$

جزیٹر کے سروں پر معین  $V_a$  رکھتے ہوئے مختلف  $\phi$  کے لئے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  کے خط شکل 6.8 میں دکھائے گئے ہیں۔ چو نکہ  $E_{am}$  اور  $E_{am}$  براہِ راست متناسب ہیں اور اسی طرح کسی ایک مخصوص جزو طاقت اور معین  $V_a$  کے لئے جزیئر کا طاقت  $E_{am}$  کے براہِ راست متناسب ہوتا ہے للذا یہی گراف  $E_{am}$  بالمقابل جزیئر کے طاقت کو بھی ظاہر کرتا ہے۔

complex number<sup>18</sup>



 $I_a$  برقی بار یا قوی لچھرے کی برقی رو

شكل 6.8: جنريثر: برقى بوجه بالمقابل  $I_m$  كر خط

معاصر موٹر: $I_a$  بالمقابل کر خط 6.5.2

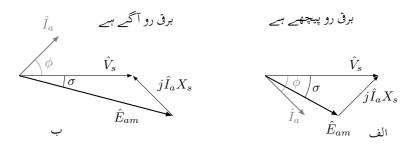
معاصر موٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے اور اس کا مرحلی سمتیہ شکل 6.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس میں مزاحمت نظرانداز کرنے سے اس کی مساوات یوں ہو گی۔

(6.35) 
$$\begin{split} \hat{V}_{a} &= \hat{E}_{am} + j\hat{I}_{a}X_{s} \\ V_{a}\underline{/0} &= E_{am}\underline{/\sigma} + jI_{a}\underline{/\phi}X_{s} \\ &= E_{am}\underline{/\sigma} + I_{a}X_{s}/\frac{\pi}{2} + \phi \end{split}$$

اس مساوات میں زاویے موٹر پر لاگو برقی و باؤ  $\hat{V}_a$  کے حوالہ سے ہیں، لیعنی  $\hat{V}_a$  کا زاویہ صفر لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ زاویہ ناپنے کی مثبت سمت اُفقی کیر سے گھڑی کی اُٹی سمت ہے للذا پیش زاویہ  $^{0}$  مثبت اور تاخیری زاویہ  $^{20}$  منفی ہیں۔ اس مساوات سے امالی و باؤ  $E_{am}$  کی مقدار یوں حاصل ہو گی۔

$$\begin{split} E_{am/\underline{\sigma}} &= V_a/\underline{0} - I_a X_s / \frac{\pi}{2} + \phi \\ &= V_a - I_a X_s \cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - j I_a X_s \sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_a X_s \sin\phi - j I_a X_s \cos\phi \end{split}$$

leading angle<sup>19</sup> lagging angle<sup>20</sup>



شکل 6.9: موٹر کا مرحلی سمتیہ۔ 5

للذا

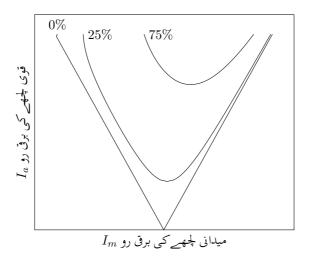
(6.36) 
$$|E_{am}| = \sqrt{(V_a + I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2}$$
$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

موٹر پر لاگو برقی دباؤ اور اس پر میکانی بوجھ کو %0، %25 اور %75 پر رکھ کر اس مساوات کو شکل 6.10 میں گراف کیا گیا ہے۔ یہ موٹر کے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  خط ہیں۔ چو تکہ امالی دباؤ  $I_m$  کے براہِ راست متناسب ہے للذا یہی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل میں سے ہر خط ایک معین میکانی بوجھ  $I_a$  کے لئے ہے جہاں  $I_m$ 

$$(6.37) p = V_a I_a \cos \phi$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر q اور  $V_a$  معین ہوں تو جزو طاقت تبریل کر کے  $I_a$  تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ لہذا مساوت 6.36 کو مساوات 6.37 کی مدو سے گراف کیا جاتا ہے۔ یہ کچھ یوں کیا جاتا ہے۔ معین  $V_a$  اور  $v_a$  کی مدو سے گراف کیا جاتا ہے۔ یہ کچھ یوں کیا جاتا ہے۔ معین  $V_a$  کا مساوات 6.36 میں استعال کر کے  $v_a$  کا حساب لگائیں  $v_a$  بالقابل کر کے  $v_a$  کا گراف بنائیں۔ اور  $v_a$  کا گراف بنائیں۔

موٹر کی ان خطوط سے واضح ہے کہ  $I_m$  کو تبدیل کر کے موٹر کی جزو طاقت تبدیل کی جا سکتی ہے۔ لہذا موٹر کو پیش زاویہ یا قاخیری زاویہ پر چلایا جا سکتا ہے۔ اگر اسے پیش زاویہ پر رکھا جائے تو یہ ایک کپیسٹر  $^{21}$  کے طور پر استعال ہو سکتا ہے اگرچہ ایسا کیا نہیں جاتا چونکہ کپیسٹر از خود زیادہ سستا ہوتا ہے۔



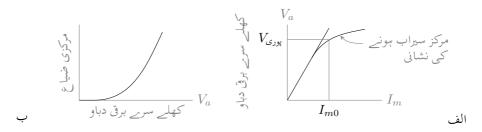
شكل 6.10: موٹر: $I_m$  بالمقابل کر خط

# 6.6 كهلر دور اور كسر دور معائنه

معاصر مثین کے مساوی دور بنانے کے لئے اس کے جزو معلوم کرنا لازم ہے۔ یہ دو قتم کے معائنوں سے کیا جاتا ہے۔ انہیں کھلے دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ کہتے ہیں۔ ان معائنوں سے مرکز کے سیر اب ہونے کے اثرات بھی سامنے آتے ہیں۔ ہم نے ٹرانسفار مر کے لئے بھی ای قتم کے معائنے کیے تھے۔ وہاں ہم نے دیکھا تھا کہ کھلے دور معائنہ اس برقی دو پر کیا جاتا ہے جینے معائنہ اس برقی دو پر کیا جاتا ہے جینے کے لئے مثین بنائی گئی ہو جبکہ کسرِ دور معائنہ اس برقی رو پر کیا جاتا ہے جینے کے لئے مثین بنائی گئی ہو۔ یہاں بھی ایسا ہی کیا جائے گا۔

# 6.6.1 كُهلے دور معائنہ

معاصر مثین کے برقی سرے گھے رکھ کر اور اسے معاصر رفتار پر گھماتے ہوئے مختلف  $I_m$  پر مثین کے سروں پر پیدا برقی دباؤ  $V_a$  ناپی جاتی ہے ۔ ان دو کا گراف شکل  $V_a$ -الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط مثین کے گھے دور خاصیت ظاہر کرتا ہے۔ یہی خط مثین بنانے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔



شكل 6.11: كُهلر دور خط اور مركزي ضياع.

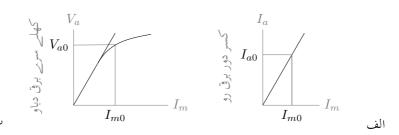
اس کتاب کے حصہ 2.8 میں بتلایا گیا تھا کہ مرکز پر لاگو مقناطیسی دباؤ اگر بڑھایا جائے تو اس میں مقناطیسی بہاو بڑھتی ہے البتہ جلد ہی مرکز سیر اب ہونے لگتا ہے۔اس کا اثر شکل-الف میں خط کے جھکنے سے واضح ہے۔اگر مرکز سیر اب نہ ہوتا تو یہ خط شکل میں دیئے سیدھی کئیر کی پیروی کرتا۔شکل میں مشین کا پورا برقی دباؤ اور اس پر درکار برقی رو  $I_{m0}$  دکھلایا گیا ہے۔

یہ معائد کرتے وقت اگر دھرے پر میکانی طاقت  $p_1$  نابی جائے تو یہ بے بوجھ مثین کی طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگی۔ اس کا بیشتر حصہ رگڑ کی وجہ سے ، کچھ حصہ مرکز میں ضیاع کی وجہ سے اور کچھ گھومتے لچھے میں ضیاع کی وجہ سے ہوگا۔ یاد رہے کہ عموماً گھومتے لچھے کو یک سمتی جزیئر سے برقی توانائی دی جاتی ہے اور یہ جزیئر مجمی مثین کے دھرے پر ہی نسب ہوتا ہے لہذا اسے طاقت محرک  $^2$  سے ہی ملتی ہے۔ بے بوجھ مثین اور بوجھ بردار مثین دونوں کا رگڑ سے طاقت کے ضیاع کا مثین پر لدے بوجھ سے کوئی کا رگڑ سے طاقت کے ضیاع کا مثین پر لدے بوجھ سے کوئی خاص تعلق نہیں۔ اب اگر یہی معائدہ دوبارہ کیا جائے لیکن اس مرتبہ  $I_m$  بھی صفر رکھا جائے تو اس مرتبہ ناپا گیا طاقت کے فیاع افرق یعنی  $p_2$  فیان مرتبہ ناپا گیا طاقت کے ضیاع اور گھومتے لچھے میں برتی ضیاع کے برابر ہوگا۔ ان دو ناپے گئے طاقت کا فرق یعنی بہت کم ہوتا مرکز میں طاقت کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے مرکزی ضیاع کا ایک خط شکل ہے۔ اس طرح ناپے گئے مرکزی ضیاع کا ایک خط شکل ہے۔ اس طرح ناپے گئے مرکزی ضیاع کا ایک خط شکل ۔۔۔۔ میں دیا گیا ہے۔

# 6.6.2 كسرٍ دور معائنه

معاصر مشین کو معاصر رفتار پر جزیٹر کے طور چلاتے ہوئے اس کے ساکن کچھے کے سرے کسِ دور کر کے مختلف  $I_a$  معاصر دور برقی رو $I_a$  ناپی جاتی ہے۔ ان دو کا گراف شکل  $I_a$ -الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط کسِ دور مشین  $I_a$ 

<sup>۔۔</sup> 23گھومتے لچھے کو توانائی یک سمتی جنریئر سے آتی ہے اور اس جنریئر کو دھرے سے آتی ہے۔



شکل 6.12: کسرِ دور خط اور کھلے دور خط۔

کی خاصیت دکھلاتا ہے۔ یہ معائنہ کرتے وقت یہ دھیان رکھنا بہت اہم ہے کہ  $I_a$  کی مقدار کہیں خطرناک حد تک نہ بڑھ جائے للذا اسے جزیٹر کے پورے برتی بوجھ  $I_a$  کی مقدار یا اس کی دگنی مقدار سے کم رکھنا ضروری ہے ورنہ مثین گرم ہو کر تباہ ہو سکتی ہے۔ کسرِ دور مشین میں، ڈیزائن کردہ برتی دباؤ کے، صرف دس سے پندرہ فی صد برتی دباؤ پر ہی اس میں سو فی صد برتی رو شروع ہو جاتی ہے۔ اتنا کم برتی دباؤ حاصل کرنے کے لئے خلائی درز میں اس تناسب سے کم مقناطیسی بہاو درکار ہوتا ہے۔

شکل 6.5 میں جزیٹر کے مساوی برتی دور د کھائے گئے ہیں۔ اسے شکل 6.13 میں کسرِ دور کر کے د کھایا گیا ہے۔ یہاں سے واضح ہے کہ

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

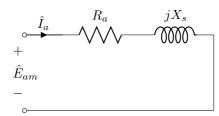
کو نظر انداز کر کے اس مساوات سے معاصر امالہ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے۔  $R_a$ 

$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

اس مساوات میں  $\hat{I}_a$  کسرِ دور مشین کی برقی رو اور  $\hat{E}_{am}$  اس کی اسی حال میں ایک دور کی امالہ برقی دباؤ ہے۔ کھلے دور مشین میں  $\hat{I}_a$  صفر ہو تو ہوتا ہے ۔ مساوات 6.32 سے واضح ہے کہ اگر  $\hat{I}_a$  صفر ہو تو ہوتا ہے ۔ مساوات  $\hat{V}_a$  برابر ہوں گے۔ لہٰذا ہم کسی معین میں  $\hat{I}_a$  پر شکل 6.12-الف سے  $I_{a0}$  اور شکل 6.12-ب سے  $I_{a0}$  معلوم کرتے ہیں اور ان سے  $I_{a0}$  کا حساب لگاتے ہیں، لیتی

(6.40) 
$$X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$

 $full load^{24}$ 



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad X_s \gg R_a \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

شكل 6.13: معاصر اماله.

معاصر امالہ عموماً مشین کے بورے برقی دباؤ پر معلوم کی جاتی ہے تاکہ مرکز سیر اب ہونے کے اثر کو بھی شامل کیا جائے۔شکل میں ایسا ہی کیا گیا ہے۔

معاصر امالہ مشین کو ستارہ نما نصور کر کے اس کا یک مرحلہ  $X_s$  حاصل کیا جاتا ہے۔لہذا اگر معائنہ کرتے وقت مشین کی تار برقی دباؤ  $^2$  ناپے گئے ہوں تو انہیں  $\sqrt{3}$  سے تقسیم کر کے مشین کے یک مرحلہ برقی دباؤ حاصل کر کے مساوات میں استعال کریں، یعنی

مثال 6.4: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر ستارہ بڑی 415 وولٹ پر چلنے والی تنین مرحلہ معاصر مشین کے کھلے دور اور کسر دور معائنے کئے گئے۔حاصل نتائج بیہ ہیں۔

- کھلے دور معائنہ:  $I_m = 3.2\,\mathrm{A}$  اور  $I_m = 3.2\,\mathrm{A}$  ہیں۔
- کسر دور معائنه: جب قوی کچھے کی برتی رو A 104 متھی تب میدانی کچھے کی برتی رو A 2.48 متھی اور جب قوی کچھے کی برتی رو A 126 متھی تب میدانی کچھے کی برتی رو A 3.2 متھی۔

اس مشین کی معاصر امالہ حاصل کریں۔

line voltage<sup>25</sup>

حل: یک مرحله برقی دباؤ

$$V_{\rm J} = rac{V_{
m J}}{\sqrt{3}} = rac{415}{\sqrt{3}} = 239.6\,{
m V}$$

ہے۔ یہ کھلے دور برقی دباؤ 3.2 ایمپیئر میدانی برقی روپر حاصل ہوتی ہے۔ اتنی میدانی برقی روپر کسرِ دور برقی رو 126 ایمپیئر ہیں للذا یک مرحلہ معاصر امالہ

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901 \,\Omega$$

ہو گی۔

سر دور معائنہ کرتے وقت اگر دھرے پر لاگو میکانی طاقت  $p_3$  ناپی جائے تو یہ سر دور مثین کی کل ضیاع ہو گی۔  $p_3$  ناپ لیں۔اس کا کچھ حصہ مرکز کی برتی ضیاع، کچھ دونوں کچھوں میں برتی ضیاع اور کچھ رگڑ سے میکانی ضیاع سے بے باہ اگر اس سے بچھلے معائنہ میں ناپی گئی رگڑ کی ضیاع  $p_2$  منفی کی جائے تو ہمیں کچھوں کی ضیاع اور مرکز کی ضیاع ماتا ہے۔ جیسا اُوپر عرض کیا گیا کہ سر دور مثین میں پورا برتی رو، بورے برتی دباؤ کے صرف دس تا ہیں فی صدیر حاصل ہو جاتا ہے اور اتنا کم برتی دباؤ حاصل کرنے کے لئے درکار مقاطیسی بہاو اتنا ہی کم ہوتا ہے۔ اتنے کم مقناطیسی بہاو پر مرکز میں ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح کسی بھی سر دور معاصر مثین کے گھومتے کچھے میں برتی ضیاع ساکن کچھے میں برتی ضیاع سے بہت کم ہوتا ہے اور اسے بھی نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اٹک  $d_1$ 0 کی خیا میں برتی ضیاع کے برابر لیا جاتا ہے۔ شکل  $d_1$ 1 میں ایک خومی نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ لئدا

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
اس مساوات سے معاصر مثنین کی مساوی مزاحمت یوں حاصل ہوتی ہے۔ $R_a=rac{p_3-p_2}{I_{a,3}^2}$ 

مثال 6.5: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر 415 وولٹ پر چلنے والی تین مرحلہ معاصر مشین کے پورے برقی رو پر کل کسرِ دور طاقت کا ضیاع 2.2 کلو واٹ ہے۔ اس مشین کی یک مرحلہ موثر مزاحمت حاصل کریں۔



شكل 6.14: كسرِ دور معاصر مشين ميں طاقت كا ضياع۔

$$^{2200}$$
 جال: یک مرحلہ ضیاع  $^{2200}$   $^{22$ 

ہے۔للذا

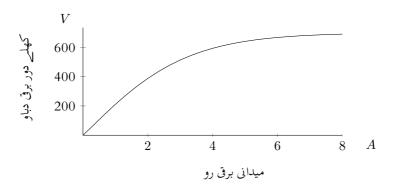
$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067\,\Omega$$

ے۔

مثال 6.6: شکل 6.15 میں 500 وولٹ، 50 ہر ٹرن، 4 قطب ستارہ جڑی معاصر جزیٹر کا کھلے دور خط دکھایا گیا ہے۔اس جزیٹر کا معاصر امالہ 0.1 اوہم اور قوی کچھے کی مزاحمت 0.01 اوہم ہے۔ پورے برقی بوجھ پر جزیٹر 0.92 تاخیر کی جزو طاقت 2 پر 1000 ایمپیئر فراہم کرتا ہے۔ پورے بوجھ پر رگڑ کے ضیاع اور کچھے کی مزاحمت میں ضیاع کا مجموعہ 30 کلو واٹ جبکہ مرکز کی ضیاع 25 کلو واٹ ہے۔

- جزیٹر کی رفتار معلوم کریں۔
- بے بوجھ جزیٹر کی سرول پر 500 وولٹ برقی دباؤ کتنی میدانی برقی رو پر حاصل ہو گ۔

lagging power factor<sup>26</sup>



شكل 6.15: كهلر دور خط.

- اگر جنریٹر پر 0.92 تاخیری جزو طاقت، 1000 ایمپیئر کا برقی بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برقی رو درکار ہو گی۔
- جزیٹر پورے بوجھ پر کتنی طاقت فراہم کر رہاہے جبکہ اس کو محرک کتنی میکانی طاقت فراہم کر رہاہے۔ان دو سے جزیئر کی فی صد کارگزاری 27 حاصل کریں۔
  - اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تواس لمحہ اس کے برقی سروں پر کتنا برقی دباؤ ہو گا۔
- اگر جنریٹر پر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش جزو طاقت والا بوجھ لادا جائے تو جنریٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برقی رو درکار ہو گی۔
- ان دو 1000 ایمپیئر تاخیری جزو طاقت اور پیش جزو طاقت بو جھوں میں کو نمی بوجھ زیادہ میدانی برقی رو پر حاصل ہوتی ہے۔جزیٹر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہو گا۔

حل:

- $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  ڪ  $f_e = \frac{P}{2} f_m$  عيندُ يا  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  عيكر في منت ہے۔
  - شكل 6.15 سے 500 وولٹ كے لئے دركار ميداني برقی رو تقریباً 2.86 ايمپيئر ہے۔

efficiency<sup>27</sup>

• سارہ برقی دباو کے تعلق سیر طلہ برقی رو برا ہوتے ہیں۔  $V_{JD} = 289$  سے  $V_{JD} = \sqrt{3}V_{JA, da}$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ سارہ جوڑ میں یک مرحلہ برقی رو اور تار برقی رو برا بر ہوتے ہیں۔ جزو طاقت سارہ یک مرحلہ برقی و باو کے نسبت سے بیان کیا جاتا ہے۔ چو نکہ  $\cos^{-1}0.92 = 23.07$  کھا جائے تے بیان کیا جاتا ہے۔ چو نکہ  $\cos^{-1}0.92 = 23.07$  کھی جائے گی۔ یوں شکل 6.4 یا مساوات 6.24 سے اندرونی پیدا کی مرحلہ برقی د باو

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$
= 289/0° + 1000/-23.07° (0.01 + j0.1)  
= 349/14.6°

ہو گا جس سے اندرونی پیدا تار برتی دباو  $404=604 imes \sqrt{3} imes 349=601$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتن دباو کے لئے  $4.1~\mathrm{A}$  میدانی برتی رو در کار ہے۔

• جزیٹر اس صورت میں

$$\begin{aligned} p &= \sqrt{3} \hat{V}_a \cdot \hat{I}_a \\ &= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92 \\ &= 796743 \, \mathrm{W} \end{aligned}$$

فراہم کر رہاہے جبکہ محرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\text{kW}$$

$$\eta=\frac{796.743}{851.74} imes 100=93.54\%$$
 فراہم کر رہا ہے لہذا اس جزیٹر کی کار گزاری

- اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تو اس لمحہ اس کے برقی سروں پر 604 وولٹ برقی دباو ہو گا۔
  - پیش جزو طاقت کی صورت میں

$$\begin{split} \hat{E}_a &= \hat{V}_a + \hat{I}_a \left( R_a + j X_s \right) \\ &= 289 \underline{/0^{\circ}} + 1000 \underline{/23.07^{\circ}} (0.01 + j0.1) \\ &= 276 \underline{/20.32^{\circ}} \end{split}$$

در کار ہو گی جس سے اندرونی پیدا تار برتی دباو  $478=70 imes \sqrt{3} imes 276$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتنی دباو کے لئے 2.7 میدانی برتی رو در کار ہے۔

• تاخیری جزو طاقت کے بوجھ پر جزیر کو زیادہ میدانی برقی رو درکار ہے۔میدانی کچھے کی مزاحمت میں اس کی وجہ سے زیادہ برقی طاقت ضائع ہوگی اور جزیر یول زیادہ گرم ہوگا۔

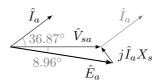
مثال 6.7: ایک 415 وولٹ، 40 کلو وولٹ-ایمپیئر سارہ جڑی 0.8 جزو طاقت، 50 ہرٹز پر چلنی والی معاصر موٹر کا معاصر امالہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت میں طاقت کا معاصر امالہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع ایک کلو واٹ جبکہ مرکزی ضیاع 800 واٹ ہے۔ یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی بوجھ سے لدی ہے اور یہ 0.8 پیش جزو طاقت پر چل رہی ہے۔ یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو ستارہ نما تصور کرتے ہوئے عاصل کی جاتی ہے۔

- اس کی مرحلی سمتیہ بنائیں۔تار کی برتی رو  $\hat{I}_t$  اور قوی کیچھے کی برتی رو  $\hat{I}_a$  حاصل کریں۔موٹر کی اندرونی ہیجانی برتی د باؤ  $\hat{E}_a$  حاصل کریں۔
- میدانی برقی رو کو بغیر تبدیل کئے میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھا کر دگنی کی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر کی ردِ عمل مرحلی سمتیہ سے واضح کریں۔
- اس دگنی میکانی بوجھ پر قوی کیچھ کی برقی رو، تار کی برقی رواور موٹر کی اندرونی بیجانی برقی دباؤ حاصل کریں۔موٹر کی جزو طاقت بھی حاصل کریں۔

# حل:

• ستارہ جڑی موٹر کے سروں پر یک مرحلہ برقی دباو  $239.6\,\mathrm{V}$  ہوگا جسے صفر زاویہ پر تصور کرتے ہوئی موٹر کے سروں پر یک مرحلہ برقی دباوں  $\hat{V}_{sa}=239.6/0^{\circ}$  کھا جائے گا۔ جزو طاقت  $0.8\,\mathrm{C}$  زاویہ  $\hat{V}_{sa}=239.6/0^{\circ}$  کھا جائے گا۔ جزو طاقت اس کی میکانی  $36.87^{\circ}$  کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں تارکی برقی روکا پیش زاویہ یہی ہوگا۔ موٹر کو مہیا برقی طاقت اس کی میکانی طاقت اور طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگی لیعنی

12200 W + 1000 W + 800 W = 14000 W



شكل 6.16: بوجه بردار معاصر موثر.

جس کے لئے در کار تار کی برقی رو

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t \cos \theta}$$
$$= \frac{14\,000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$$
$$= 24.346 \,\text{A}$$

ہو گی۔ ستارہ جڑی موٹر کے قوی کچھے کی برقی رو تار کے برقی رو کے برابر ہو گی۔ یوں برقی رو کا زاویہ شامل کرتے ہوئے اسے

$$\hat{I}_a = \hat{I}_t = 24.346/36.87^{\circ}$$

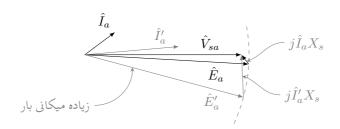
لکھا جا سکتا ہے۔

موٹر کا اندرونی یک مرحلہ ہیجانی برقی دباؤ موٹر کی مساوی دور شکل 6.3 کی مدد سے

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{a,s} - jX_s\hat{I}_a$$
= 239.6/0° - j2.2 × 24.346/36.87°
= 276/-8.96°

ہو گی۔یہ تمام صورت حال شکل 6.16 میں مرحلی سمتیات کی مدد سے دکھایا گیا ہے۔

میکانی بوجھ بڑھنے سے موٹر کو زیادہ برقی طاقت درکار ہو گی۔ یہ اس صورت ممکن ہو گا جب موٹر کے قوی لیجھ کی برقی رو بڑھ سکے۔ میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کی اندرونی ہجانی برقی دباؤ  $\hat{E}_a$  کی مقدار تبدیل جن سکے۔ میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کی اندرونی ہجانی برقی دباؤ سروں پر لاگو برقی دباؤ  $\hat{E}_a$  اور  $\hat{E}_a$  کے مابین زاویہ بڑھا کر قوی کچھے کی برقی رو اور یوں حاصل برقی طاقت بڑھا کے گا۔ ایسا شکل  $\hat{E}_a$  اور کھایا گیا ہے۔ شکل میں  $\hat{E}_a$  میں ملی سمتیے کی نوک نقطہ دار گول دائرہ پر رہتی ہے۔ یوں اس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔ زاویہ بڑھنے سے  $\left|\hat{j}\hat{I}_aX_s\right|$  بڑھتا ہے۔ چونکہ  $\left|\hat{j}\hat{I}_aX_s\right|$  اس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔ زاویہ بڑھے کے متغیرات کو بلکی سیاہی میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 6.17: بوجھ بڑھنے کا اثر۔

• دگنی میکانی بوجھ پر موٹر کو کل 26200 = 26200 + 800 + 1000 واٹ یا 26.2 کلو واٹ برتی طاقت در کار ہے۔مساوات 6.29 کی مدد سے

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_a E_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^{\circ}$$

يوں موٹر کی اندرونی بیجانی برقی دباؤ <u>°16.89–/</u>276 ہو گی اور قوی کچھے کی برقی رو

$$\hat{I}_a = \frac{\hat{V}_a - \hat{E}_a}{jX_s}$$

$$= \frac{239\underline{/0^{\circ}} - 276\underline{/-16.89^{\circ}}}{j2.2}$$

$$= 38\underline{/17.4^{\circ}}$$

ہو گی۔ستارہ جوڑ کی وجہ سے  $\hat{I}_t$  مجھی اتنا ہی ہو گا۔ پیش جزو طاقت  $\cos 17.4^\circ = 0.954$  ہے۔

# امالي مشين

گزشتہ برسوں میں قوی الیکٹر انکس اکی میدان میں بہت ترقی ہوئی۔اس کا ایک نتیجہ یہ نکلا کہ امالی موٹروں کی رفتار پر قابو رکھنا ممکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کارخانوں میں یک سمتی رو موٹروں کی جگہ لینی شروع کی۔یہاں یہ بتلاتا چلوں کہ اس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہمیت رکھتی وہاں یک سمتی رو موٹر ہی استعال ہوتی جن کی رفتار پر قابو رکھنا نہایت آسان ہوتا ہے۔پچاس سال پہلے ترقی یافتہ ممالک میں یک سمتی سے امالی آلوں کی جانب تبدیلی شروع تھی۔ آج میں یہ تبدیلی پاکستان میں دکھے رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیرپاکام کرنے کی صلاحیت مثالی ہے۔ قوی الیکٹرائنس نے ان کی بے قابو رفتار کو قابو کر کے انہیں بلا مقابلہ بنا دیا۔

امالی موٹر ٹرانسفار مرکی ایک اور شکل ہے یا یوں کہنا بہتر ہوگا کہ یہ ایک ایسا ٹرانسفار مرہے جس میں ثانوی لچھا حرکت بھی کرتا ہے۔یوں امالی موٹر کے ساکن کچھے ٹرانسفار مرکے ابتدائی کچھے اور موٹر کے گھومتے کچھے ٹرانسفار مرک ثانوی کچھوں کی جگہ ہوتے ہیں۔موٹر کے ساکن کچھوں کو بیرونی برقی طاقت دی جاتی ہے جبکہ اس کے گھومتے کچھوں میں خلاء میں گھومتے مقناطیسی موج سے پیدا امالی برقی دباؤ ہی کام آتی ہے۔اسی سے اس کا نام امالی موٹر نکلا ہے۔

اس باب کا مقصد امالی موٹر کی مساوی دور لینی ریاضی نمونه <sup>2</sup> بنا کر اس کی خصوصیات پر غور کرنا ہے۔ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دور ٹرانسفار مر کے مساوی دور کی طرح کا ہے۔

> power electronics<sup>1</sup> mathematical model<sup>2</sup>

یبال بھی ہم تصور کرتے ہیں کہ موٹر دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے کچھے ستارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح یک مرحلہ کچھوں میں برقی رو، تارکی برقی رو ہی ہوگی اور ان پر لاگو برقی دباؤ، یک مرحلہ برقی دباؤ ہوگی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

### 7.1 ساكن لچهوں كى گهومتى مقناطيسى موج

امالی مثین کے ساکن کچھے بالکل معاصر مثین کے ساکن کچھوں کی طرح ہوتے ہیں۔مزید یہ کہ اس کے گھومتے جھے کے اتنے ہی قطب ہوتے ہیں جینے اس کے ساکن کچھوں کے ہوتے ہیں ۔اگر ان ساکن کچھوں کو متوازن تین مرحلہ برقی روسے ہجان کیا جائے تو یہ ایک گھومتے مقناطیسی دباؤکی موج کو جنم دیں گے جسے مساوات 5.48 میں دکھایا گیا ہے۔مساوات ایجان کو جائے دوبارہ دیئے جاتے ہے۔مساوات یہاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ دیئے جاتے ہیں۔یہاں ساکن کچھوں میں برقی روکی تعدد ہے کہ کھی گئی ہے اور  $\theta_0$  کو صفر لیا گیا ہے۔

(7.1) 
$$\tau_s^+(\theta, t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega_t)$$
$$f_m = \frac{2}{P}f_e$$

### 7.2 مشین کی سرکنر اور گهومتی موجوں پر تبصرہ

ہم دو قطب کے مشین پر غور کر رہے ہیں۔P قطب کا تذکرہ بھی بالکل اسی طرح ہے۔ساکن کچھوں میں تین مرحلہ برقی روکی تعدد  $f_e$  ہے۔مساوات  $f_e$  کہتا ہے کہ دو قطب کی مشین میں موج کی معاصر رفتار بھی  $f_e$  چکر فی سینٹر ہے۔ اب تصور کریں کہ مشین کا گھومتا حصہ f میکانی چکر فی سینٹر سے موج کی سمت میں گھوم رہا ہے جہاں  $f_e$  موج کے۔ اس صورت میں ہر سینٹر گھومتا حصہ مقناطیسی بہاو کی موج سے پیچھے سرک جائے گا۔اس سرکنے کو موج کی معاصر رفتار کی نسبت سے بوں لکھا جاتا ہے۔

$$(7.2) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یبال s مشین کے سرک 3 کی ناپ ہے۔اس مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔

(7.3) 
$$f = f_s(1-s) = f_e(1-s)$$
$$\omega = \omega_s(1-s) = \omega_e(1-s)$$

یہاں غور کریں۔ مقناطیسی بہاو کی موج  $f_e$  زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے جبکہ گھومتے کچھے کی زاویائی رفتار  $f_e$  ہے۔ گھومتے کچھے کے حوالہ سے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  رفتار سے گھوم رہی ہے۔ یعنی اگر گھومتے کچھے کو ساکن تصور کیا جائے تو گھومتے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  اضافی رفتار سے گھوم رہی ہو گی۔ یوں گھومتے کچھے میں امالی برقی دباؤ کی تعدد  $f_r$  کو یوں کھا حاسکتا ہے۔ حاسکتا ہے۔

$$(7.4) f_r = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

اگر مشین کو ایک امالی موٹر کے طور پر استعال کیا جا رہا ہو تو اس کے گھومتے کچھے کسر دور رکھے جاتے ہیں۔یوں ان کچھوں میں برقی رو کی تعدد  $sf_e$  اور ان کی مقدار کچھوں میں پیدا امالی برقی دباؤ اور کچھوں کی رکاوٹ پر منحصر ہوتی ہے۔ کچھوں کی رکاوٹ برقی روکی تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

ساکن موٹر جب چالو کی جائے تو اس کے سرک s کی قیمت ایک ہوتی ہے لین 1 = s اور لیوں اس کے گھو متے لیجھوں میں برتی رو ایک گھو متی مقناطیسی د باؤکی موح کو جنم دے گی جو معاصر رفتار سے گھو مے گی۔ یہ بالکل اس طرح ہے جیسے ساکن لیجھوں میں برقی رو سے گھو متا مقناطیسی د باؤکا موح وجود میں آتا ہے۔ لہذا ساکن اور گھو متے لیجھے دونوں کے گھو متے مقناطیسی د باؤکی موجیل دو گھو متے ہیں جو کو شش کریں گے کہ ان کے مابین گھو متے ہیں۔ یہ دو مقناطیسی د باؤکی موجیل دو گھو متے مقناطیسوں کی طرح ہیں جو کو شش کریں گے کہ ان کے مابین زاویہ صفر ہو۔ یوں موٹر مووڈ پیدا ہوتا ہے جس کا حساب مساوات 5.90 سے لگایا جا سکتا ہے۔ اگر موٹر کے دھر پر لدے بوجھ کو مشین کا پیدا ہوتا ہے جس کا حساب مساوات 5.90 سے لگایا جا سکتا ہے۔ اگر موٹر کے دھر پر لدے بوجھ کو مشین کا پیدا کردہ مروڑ گھما سکے تو مشین گھو مے گی۔ اس کی رفتار تیز ہو کر ایک برقرار حد تک پہنچ ساتی چو نکہ اس رفتار پر اس کے گھو متے لیجھوں کی طومتی لیوں کئی د باؤ پیدا بین بوگی امالی برتی د باؤ پیدا نہیں ہوگا۔ اس دفتار پر اس کے گھو متے لیجھوں کی طومتی مقناطیسی د باؤکی موج ساکن ہو گی اور گھو متے لیجھوں میں کوئی امالی برتی د باؤ پیدا نہیں ہوگا۔

جب موٹر چل پڑتی ہے تو اس کے گھومتے کچھوں میں برقی رو کی تعدد  $sf_e$  ہوتی ہے۔ ان برقی رو سے پیدا مقاطیسی دباؤ کی موج گھومتے کچھے کے حوالہ سے  $sf_e$  رفتار سے گھومے گی چونکہ معاصر رفتار برقی رو کی تعدد کے

slip<sup>3</sup> torque<sup>4</sup>

 $(f+sf_e)$  ہوتی ہے۔اب گھومتا کچھا از خود f رفتار سے گھوم رہا ہوتا ہے للذا یہ موج در حقیقت خلاء میں رفتار سے گھومتی ہے۔مساوات 7.4 سے

$$(7.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

یہ ایک بہت اہم نتیجہ ہے۔ یہ مساوات کہتا ہے کہ موٹر کسی بھی رفتار سے گھوم رہی ہو، گھومتے کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباؤکی موج ساکن کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباؤکی موج کی رفتار سے ہی گھومتی ہے۔

مثال 7.1: ایک چار قطب کی ستارہ جڑی 50 ہر ٹز، 415 وولٹ پر چلنے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی اپنی پوری بوجھ پر پانچ فی صد سرک پر چلتی ہے۔

- اس موٹر کی معاصر رفتار کیا ہے۔
- پورے بوجھ پر اس کی کیا رفتار ہے۔
- بورے بوجھ پر گھومتے کچھے میں برقی تعداد ارتعاش کیا ہے۔
- بورے بوجھ سے لدے موٹر کی دھرے پر مروڑ حاصل کریں۔

حل:

- مساوات 7.1 کی مدو سے معاصر رفتار 50=25 imes 60 چکر فی سیکنڈ یا 25 imes 60=25 چکر فی منت ہے۔
- پورے بوجھ سے لدا موٹر پانچ فی صد سرک پر جاتا ہے المذا اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم ہو گی۔موٹر کی رفتار مساوات 7.3 کی مدو سے f=25(1-0.05)=23.75 کی رفتار مساوات 7.3 کی مدو سے f=25(1-0.05)=23.75 کی منٹ ہو گی۔
  - $f_r = 0.05 imes 50 = 2.5$  هو متے کچھے کی برتی تعداد ارتعاش
  - اں کے وحرے پر مروڑ  $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \,\mathrm{Nm}$  ہوگی۔

### 7.7 ساكن لچهون مين امالي برقى دباؤ

مساوات 7.1 کا پہلا جزو ساکن کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ کی موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ مقناطیسی دباؤ مثین کی خلائی درز میں مقناطیسی شدت  $H^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ اگر خلائی درز میں مقناطیس بہاو  $H^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ اگر اس خلائی درز کی رداس کی سمت میں لمبائی  $I_0$  ہو تو

(7.6) 
$$B^{+}(\theta) = \mu_0 H^{+}(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^{+}(\theta)}{l_g}$$
$$= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega_e t)$$

یہ مساوات بالکل مساوات 5.4 کی طرح ہے۔ یوں مساوات 5.72 اس مقناطیسی موج  $B^+(\theta)$  کی ساکن کچھوں میں پیدا کردہ امالی برقی دباؤ کو ظاہر کرے گی ہی مساوات یہاں دوبارہ دیا جا رہا ہے۔

(7.7) 
$$e_{as}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t - 90^\circ) = E_s \cos(\omega_t - 90^\circ)$$
$$e_{bs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 150^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 150^\circ)$$
$$e_{cs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 30^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 30^\circ)$$

جہاں  $N_s$  ساکن کچھے کے چکر ہیں اور

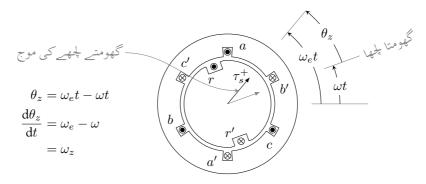
$$(7.8) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

a یہاں  $e_{as}(t)$  کی تھے ہوئے زیر نوشت میں a ، a مرحلہ a کو ظاہر کرتا ہے اور a ، ساکن  $e_{as}(t)$  کی موج اس کی کھنے کی امالی برقی د باؤ ہے۔ امالی موٹر کے a مرحلے کی بات ہی آگے کرتے ہیں۔ گھومتی مقناطیسی د باؤ کی موج اس کی میں امالی برقی د باؤ  $e_{as}(t)$  بیدا کرتی ہے۔

7.4 ساکن لچھوں کی موج کا گھومتے لچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباؤ

مساوات 7.1 کا پہلا بُڑن ساکن کچھوں کی پیدا کردہ، گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔اس موج کی چوٹی t اس مقام پر ہوتی ہے جہال  $(\theta-\omega_e t)$  صفر کے برابر ہو۔ یوں لمحہ صفر پر اس کی چوٹی صفر زاویہ پر ہوگی اور لمحہ t پر

<sup>۔</sup> افظ ساکن میں حرف س کے آواز کو 8 سے ظاہر کیا گیا ہے۔ peak<sup>6</sup>



شکل 7.1: امالی موٹر اور اس کے گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موجیں۔

اس موج کی چوٹی زاویہ  $\omega_e t$  پر ہو گی۔ ساکن کچھوں کی مقناطیسی دباؤکی موج کا زاویہ کسی بھی نقطہ کے حوالے سے کیا جا سکتا ہے۔ اس کتاب میں صفر زاویہ ساکن کچھا  $\alpha$  کو لیا جاتا ہے۔اس طرح یہ زاویہ نقطہ دار اُفقی ککیر سے نایا جاتا ہے۔شکل 7.1 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک امالی موٹر دکھائی گئی ہے جس کے تین مرحلہ ساکن کچھے ہیں۔ ہیں۔

f شین f گومتے کچھے بھی بالکل اسی طرح ہوتے ہیں اگرچہ شکل میں صرف ایک ہی گھومتا کچھا دکھایا گیا ہے۔ مشین و زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لمحہ صفر لعنی یہ t=0 پر گھومتے حصہ کا a کچھا صفر زاویہ پر ہے، لعنی یہ نقطہ دار اُفقی کلیر پر ہے مزید یہ کہ اس لمحہ ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج بھی اسی اُفقی کلیر پر ہے۔ اب پہنے موج دیر بعد لمحہ t پر یہ موج زاویہ t ہو گی۔ اتنی دیر میں گھومتا حصہ گھوم کر زاویہ ملک تک پہنچ جائے گا جہاں t ہو گی رفتا اور گھومتے کچھے جہاں t ہو گا دویائی میکانی رفتار ہے۔ یہ سب شکل میں دکھایا گیا ہے۔ لہذا لمحہ t پر موج اور گھومتے کچھے کے درمیان زاویہ t ہو گا

$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$  اگرچ مقناطیسی موج نے  $\omega_e t$  زاویہ طے کیا لیکن گومتے کچھ کے حوالے سے اس نے صرف زاویہ  $\omega_e t$  لیا۔ اس طرح گھومتے کچھ کے حوالے سے اس موج کی اضافی  $\sigma$  زاویائی رفتار  $\sigma$  یہ ہو گی۔

$$(7.10) \omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

اس کو مساوات 7.4 کی مدد سے بوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s \omega_e$$

یں لکھتے ہوئے زیر نوشت میں z، لفظ اضافی ک حرف ض کی آواز کو ظاہر کرتا ہے۔  ${\rm relative\ angular\ speed}^8$ 

یہ مساوات کہتا ہے کہ گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی رفتار سرک s پر منحصر ہے۔اس موج کا حیطہ البتہ تبدیل نہیں ہوا۔ اس طرح گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی مساوات جو کہ مساوات 7.4 میں دی گئی ہے تبدیل ہو کر یہ بن حائے گی۔

$$(7.12) B_{s,rz}^+(\theta,t) = B_0 \cos(\theta - \omega_z t) = B_0 \cos(\theta - s\omega_e t)$$

میں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں s,rz اس بات کی باد  $B_{-\infty}^+$ دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا اور اسے گھومتے لینی رواں کچھوں کے حوالے سے  $_{
m S}$ د یکھا جا رہا ہے۔مزید یہ کہ اس مساوات کی تعدد اضافی تعدد  $_{
m S}$  کے برابر ہے۔

یوں گھومتے کچھوں میں امالی برقی دیاؤ مساوات 7.7 کی طرح ہی ہو گی مگر ان کی تعدد  $s\omega_{*}=s\omega_{*}$  ہو گی لینی $^{01}$ 

$$e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 90^\circ)$$

$$(7.13) \qquad e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 150^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 150^\circ)$$

$$e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 30^\circ)$$

ان مساوات میں  $N_r$  گھومتے کچھے کے چکر ہیں اور

$$(7.14) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

اب تصور کریں کہ گھومتے کچھوں کو کسر دور کر دیا کیا گیا ہے۔ یہ امالی برقی دباؤ گھومتے کچھوں میں برقی رو $i_{arz}$ وغیرہ پیدا کرے گی جس کی تعدد  $s\omega_e$  ہو گی۔ بالکل ساکن کچھے کی طرح، گھومتے کچھے کی مزاحمت  $^{12}R_r$  اور اس کی الله  $L_r$  ہو گی جس کی متعاملیت  $js\omega_e L_r$  ہو گی۔اسے ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$js\omega_e L_r = jsX_r$$

جبال  $jX_r$  کو  $j\omega_e L_r$  کے برابر لیا گیا ہے، لیٹن  $jX_r$  اس کھے کی ساکن حالت میں متعاملت ہے جب سرک ایک کے برابر ہو۔ گھومتے کچھوں میں برقی رو $i_{arz}$  شکل 7.2 کی مدد سے حاصل کی حاسکتی ہے جہاں گھومتے کچھے میں امالی برقی دیاؤ ( $e_{arz}(t)$  مساوات 7.13 میں دیا گیا ہے۔

 $s^9$  لفظ ساکن کے س کو ظاہر کرتا ہے ، r لفظ رواں کے ر کو ظاہر کرتا ہے اور z لفظ اضافی کے ض کو ظاہر کرتا ہے۔

میں مرحلہ a میں کہ ہے۔ گھومتے لچھے کو r اور اضافی کو z ظاہر کرتا ہے۔  $e_{arz}{}^{10}$  میں مرحلہ a بہتے کو طاہر کرتا ہے اور z اس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ اس برقی رو کی تعدد، اضافی تعدد ہے۔  $e_{arz}{}^{10}$ ا الرام کی اصطلاح میں ثانوی لچھر کو زیر نوشت میں 2 سر ظاہر کرتر ہیں۔یہاں اسر r سر ظاہر کیا جاتا ہر۔  $^{12}$ 

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|}\cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r}\cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$

شکل 7.2: گهومتر لچهر کی مساوی دور اور اس میں اضافی تعدد کی رو۔

یہ شکل بالکل شکل 1.14 کی طرح ہے للذا مساوات 1.53 اس میں برقی رو دے گی لینی

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0)$$

$$(7.16) \quad i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 150^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 30^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہ تین مرحلہ برقی رو ہیں جو آپس میں °120 کا زاویہ رکھتے ہیں۔ یہاں  $\phi_z$  رکاوٹ کا زاویہ  $^{13}$  ہے۔امید کی جاتی ہے کہ اسے آپ مقناطیسی بہاو نہیں سمجھیں گے۔ یہاں

(7.17) 
$$\theta_0 = -90 - \phi_z \\ I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

شکل 7.2 سے واضح ہے کہ ایک گھومتے کچھے کی مزاحمت میں

$$(7.18) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا۔ یہ طاقت حرارت میں تبدیل ہو کر اس مزاحت کو گرم کرے گی۔

تکنیکی دنیا میں رکاوٹ کے زاویہ کے لئے  $\phi_z$  استعمال ہوتا ہے۔یہاں یہی کیا گیا ہے۔

### 7.5 گھومتر لچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج

ہم جانتے ہیں کہ ساکن تین مرحلہ لیجھوں میں  $f_e$  تعدد کی برقی رو گھومتے مقناطیسی دباؤکی موج کو جنم دیتی ہے جو  $sf_e$  اس ساکن کیجھے کے حوالے سے  $f_e$  معاصر زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس طرح گھومتے تین دور کیجھوں میں  $sf_e$  ناویائی تعدد کی برقی روایک گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج  $\tau_{rz}^+$  کو جنم دیتی ہے جو اس گھومتے کیجھے کے حوالے سے  $sf_e$  زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔

(7.19) 
$$\tau_{rz}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - s\omega_e t - \theta_0)$$

یہاں  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  مساوات 7.17 میں دیئے گئے ہیں۔اب چو نکہ گھومتا کچھا از خود f زاویائی رفتار سے گھوم رہا ہے للذا اس کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ کی موج خلاء میں  $(f+sf_e)$  زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس رفتار کو مساوات 7.3 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(7.20) f + sf_e = f_e(1 - s) + sf_e = f_e$$

للذا گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباؤکی موج کو ساکن کچھوں کے حوالے سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.21) 
$$\tau_{r,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

 $\tau_{r,s}^+$  میں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں r,s اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ یہ موج گھومتے یعنی رواں کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا ہے گر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔

یہاں وقفہ لے کر ذرا غور کرتے ہیں۔ مساوات 7.21 کے مطابق گھومتا کچھا خود کی بھی رفتار سے گھوم رہا ہو، اس کی پیدا کردہ گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج ساکن کچھے کے پیدا کردہ موج کی رفتار سے ہی گھومے گی۔لہذا مثین میں دو گھومتی مقناطیسی دباؤکی موجیں ہیں جو ایک ہی معاصر رفتار سے گھوم رہی ہیں۔مساوات 5.89 میں کہا گیا ہے کہ دو مقناطیسی دباؤکی موجود گی پیدا کرتی ہیں جو ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہے۔لہذا امالی مثین میں موجود دو مقناطیسی موجیں پیدا کرتی ہیں اور اس کی مقدار ان دو موجوں کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتی ہے۔امالی موٹر اس پر لدے بوجھ کے مطابق ان دو موجول کے مابین زاویہ رکھتی ہے اور یول درکار پیدا کرتی ہے۔

$$i_{fs}(t) \xrightarrow{S_r} jX_r$$

$$+ e_{fs}(t)$$

$$- e_{fs}(t)$$

$$= \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$

شكل 7.3: گهومتر لچهوں كى جگه فرضى ساكن لچهر كى دور.

# 7.6 گھومتر لچھوں کر مساوی فرضی ساکن لچھر

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھوں کی جگہ ،N چکر کے تین مرحلہ فرضی ساکن کچھے ہوں تو مساوات 7.7 کی طرح ان میں امالی برقی دیاؤیدا ہوگی یعنی<sup>14</sup>

(7.22) 
$$e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t - 90^\circ) = E_r \cos(\omega_e t - 90^\circ)$$
$$e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 150^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 150^\circ)$$
$$e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 30^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 30^\circ)$$

 $jX_r$  مزید فرض کریں کہ ان فرضی ساکن کچھوں کی مزاحمت  $rac{R_r}{s}$  اور متعاملیت  $jX_r$  ہیں لینی  $Z_{fs}=rac{R_r}{s}+jX_r$ 

ا گران پر مساوات 7.22 میں دیئے گئے برقی دباؤ لا گو کی جائے جیسے شکل 7.3 میں دکھایا گیا ہے تو ان میں برقی رو بیہ ہو گی۔

$$i_{afs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t - 90^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{bfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 150^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{cfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 300^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

ان مساوات میں زیر نوشت میں f لفظ فرضی کے ف کو ظاہر کرتا ہے۔  $^{14}$ 

یہاں مساوات 7.17 استعال کی گئی ہے۔اس مساوات میں دھیان رہے کہ رکاوٹ کا زاویہ  $\phi_Z$  وہی ہے جو گھومتے کچھے  $\phi_Z$  تھا یعنی

$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

ان برتی رو کی تعدد  $\omega_e$  ہے اور ان کا پیدا کردہ گھومتا مقناطیسی موج ہیہ ہو گا۔

(7.26) 
$$\tau_{fs,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

یہ مقناطیسی موج ہو ہو گھومتے کی کے کی موج  $au_{r,s}^+( heta,t)$  ہے ۔

### 7.7 امالي موٹر كا مساوى برقى دور

ہم ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب کچھے کی برقی دور پہلے بنا چکے ہیں جہاں کچھے کی مزاحت  $R_1$  اور اس کی رستا متعاملیت  $\hat{E}_1$  ستقی رٹرانسفار مرکے مرکز میں وقت کے ساتھ بدلتی مقناطیسی بہاو اس کچھے میں امالی برقی د باؤ  $\hat{E}_1$  پیدا کرتی۔ یوں

$$\hat{V}_{1} = \hat{I}_{1} \left( R_{1} + j X_{1} \right) + \hat{E}_{1}$$

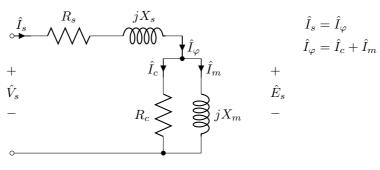
کھا جا سکتا ہے جہاں  $\hat{V}_1$  ابتدائی کچھے پر لاگو بیر ونی برقی دباؤ ہے۔ہم دیکھیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی میں مساوات حاصل ہو گی۔

تصور کریں کہ مثین کے گھومتے کیجھے کھلے دور ہیں اور اس کے ساکن کیجھوں پر تین مرحلہ برقی دہاؤ لا گو ہے۔ اس صورت میں ساکن کیجھوں میں روال برقی رو ایک گھومتے مقناطیسی دہاؤ کی موج  $au_s^+( heta,t)$  پیدا کرے گی جو مساوات 7.1 میں دی گئی ہے۔

باب کے اس حصہ میں ہم مشین کے ایک مرطے کو مدِ نظر رکھیں گے، مثلاً مرحلہ a ۔ یہاں شکل 7.4 سے رجوع  $jX_s$  ہو اور اس پر لا گو بیرونی برتی دباؤ  $v_s(t)$  ہو تو کو چاف  $jX_s$  ہو اور اس پر لا گو بیرونی برتی دباؤ  $v_s(t)$  ہو تو کو پیاف کے برتی دباؤ کے قانون کے تحت

$$v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

leakage reactance<sup>15</sup> Kirchoff's voltage law<sup>16</sup>



شکل 7.4: امالی موٹر کے ساکن لچھوں کا مساوی برقی دور۔

مساوات 7.7 میں دی گئی اس موج کی ساکن کچھے میں پیدا امالی برقی دباؤ ہے ۔اس کو مرحلی سمتیہ کے طور پر  $e_s(t)$  مول کھھ سکتے ہیں۔

$$\hat{V}_s = \hat{I}_s \left( R_s + j X_s \right) + \hat{E}_s$$

ٹرانسفار مرکی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔اگر موٹر کا گھومتا لچھا کھے دور  $\hat{I}$  رکھا جائے تو مرکز میں ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  ہوگا جو مرکز میں مقناطیسی بہاو چو کو جنم دے دباؤکی موج  $\hat{I}_s$  ہوگا جو مرکز میں مقناطیسی بہاو چو مرکز میں معناطیسی بہاو کے جنم دے گی۔ یہ برتی رو  $\hat{I}_s$  غیر سائن نما ہوتی ہے۔ فور ئیر تسلسل  $\hat{I}_s$  سے اس کے بنیادی جزو اور ہار مونی جزو معلوم کئے جا سکتے ہیں۔ اس کے بنیادی جزو کے دو جھے ہوتے ہیں۔ ایک حصہ  $\hat{I}_s$  الا گو بیرونی برتی دباؤ  $\hat{V}_s$  کے ہم قدم ہوتا ہے اور یہ مرکز میں طاقت کے ضاع کو ظاہر کرتا ہے اور دوسرا حصہ  $\hat{V}_s$  سے نوے درجہ پیچھے زاویہ پر رہتا ہے۔ $\hat{I}_s$  میں اسے  $\hat{I}_s$  سے ظاہر کرتے ہیں۔ یوں مقناطیسی جزو بنیادی جزو کے بچوھے جھے اور باقی سارے ہارمونی جزو کے مجموعے پر مشتمل ہوتا ہے اور یہ مرکز میں مقناطیسی بہاو چو پیدا کرتا ہے۔ پیچھے جھے اور باقی سارے ہارمونی جزو کے مجموعے پر مشتمل ہوتا ہے اور یہ مرکز میں مقناطیسی بہاو چو پیدا کرتا ہے۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

امالی موٹر کے مساوی دور میں  $\hat{I}_c$  کو مزاحمت  $R_c$  سے اور  $\hat{I}_m$  کو مزاحمت کا جساب چلتے ہوئے کے مساوی دور میں کا کو مزاحمت کا حساب جلتے ہوئے کے مساوی دور میں کا حساب جلتے ہوئے کی مساوی دور میں کی مساوی دور میں کا حساب جلتے ہوئے کی دور میں کا دور میں کے دور میں کا دور میں کا دور میں کا دور میں کا دور میں کے دور

open circuited<sup>17</sup> Fourier series<sup>18</sup>

موٹر میں متوقع برقی تعدد اور امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_s$  پر کیا جاتا ہے یعنی

(7.31) 
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$

$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

مقناطیسی دباؤکی موج  $\tau_s^+(\theta,t)$  گھومتے کچھے میں بھی امالی برقی دباؤپیدا کرے گ۔مساوات 7.29 میں اگر رکاوٹ میں برقی دباؤ کے گھنے کو نظر انداز کیا جائے تو لا گو ہیرونی برقی دباؤ اور کچھے کی اندرونی امالی برقی دباؤ ہر حالت میں برابر ہوں گے۔اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے کسر دور کر دیے جائیں۔ ایسا کرتے ہی ان میں برقی رو گزرنے لگے گا جو مقناطیسی دباؤکی موج  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  جو مساوات 7.21 میں دب گئی ہے کو جنم دے گی۔ اس موج سے ساکن کچھے میں امالی برقی دباؤکی موج شے جائے گی اور یوں یہ لا گو برقی دباؤکے برابر نہیں رہے گی۔ یہ ایک نا ممکنہ صورتِ حال ہے۔

ساکن کچھ میں امالی برقی دباؤ، لاگو برقی دباؤ کے برابر تب رہے گی کہ مرکز میں مقناطیسی دباؤ تبدیل نہ ہو۔ مثین کے مرکز میں مقناطیسی دباؤ برقرار یوں رہتی ہے کہ ساکن کچھ مقناطیسی دباؤ  $au_{r,s}(\theta,t)$  کی متضاد مقناطیسی دباؤ کی ایک موج پیدا کرتی ہے جو اس کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔ یہ موج پیدا کرنے کے لئے ساکن کچھوں میں برقی رو پے ہیں۔ میں برقی رو ہے ہیں۔

(7.32) 
$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

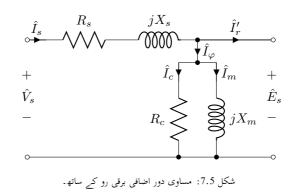
ان اضافی برتی رو کی متضاد مقناطیسی دباؤ کی موج یہ ہے

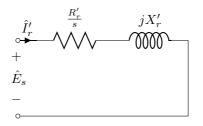
(7.33) 
$$\tau_{(r)}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_s I'_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

ساکن کچھوں میں اضافی برقی رونے ہر لمحہ گھومتے کچھوں کی برقی رو کے اثر کو ختم کرنا ہے لہذا یہ دونوں برقی رو ہم قدم ۱۶ ہی ہوں گے۔چونکہ یہ مساوات اور مساوات 7.21 برابر ہیں

$$(7.34) N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

in-phase<sup>19</sup>





$$R'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} R_{r}$$
$$X'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} X_{r}$$

$$i'_a(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R'_r^2 + s^2 X'_r^2}} \cos(s\omega_e t - \theta_0 - \phi_z)$$

شكل 7.6: گهومتر لچهر كا ايك اور مساوى دور.

للذا ان سے حاصل ہوتا ہے۔

$$I'_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

آپ نے دیکھا کہ گھومتے کچھے مقناطیسی دباؤکی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن کچھوں کو معلوم ہوتا ہے کہ موٹر پر بوجھ لدا ہے اور وہ اس کے مطابق لا گو برقی دباؤسے برقی رو لیتی ہیں۔ یہاں تک امالی موٹر کی مساوی برقی دور شکل 7.5 میں دکھائی گئی ہے۔

یہاں ذرہ شکل 7.6 سے رجوع کریں۔ اس شکل میں

(7.36) 
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$
 
$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

یر ساکن لچھوں کی امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_s$  لا گو ہے لہذا ان میں برقی رویہ ہوں گی۔

(7.37) 
$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{b}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$

$$i'_{c}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

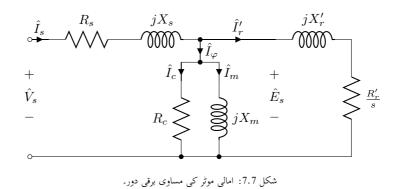
ان سب مساوات کا حیطہ برابر ہے۔اس حیطے کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(7.38) \qquad \frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} = \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}'$$

للذا مساوات 7.37 اس طرح لکھا جاسکتا ہے۔

(7.39) 
$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

یہ مساوات بالکل مساوات 7.32 کی طرح ہے۔ المذا اگر شکل 7.5 میں ساکن کچھوں کی امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_s$  کے متوازی شکل 7.6 جوڑا جائے تو ایسا کرنے سے ساکن کچھوں میں اُتنا ہی اضافی برقی رو رواں ہو گا جو اصل موٹر میں گھومتے کچھوں کی وجہ سے ہوتا ہے۔ شکل 7.7 میں ایسا ہی کیا گیا ہے المذا شکل میں دیا برقی دور، امالی موٹر کی صحیح عکاسی کرتی ہے۔ یہی امالی موٹر کی مساوی برقی دور ہے۔



7.8 مساوى برقى دور پر غور

مساوات 7.18 ایک گھومتے کچھ میں برقی طاقت کے ضاع کو ظاہر کرتا ہے۔مساوات 7.36 اور 7.38 کی مدد سے اسے بول کھا جا سکتا ہے۔

$$p_{\text{UL}} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$

شکل 7.7 سے ظاہر ہے کہ ایک گھومتے لیجھے کو کل،

$$(7.41) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s}$$

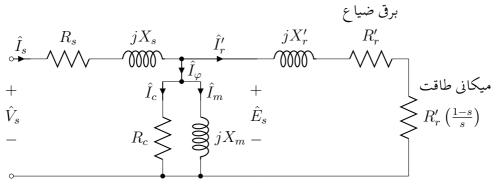
برتی طاقت دی جاتی ہے جس میں سے خیاع  $p_{\delta}$  گھومتے کچھے کی مزاحمت میں ضائع ہو جاتی ہے اور بقایا بطور میکانی طاقت مشین کے دھرے پر پائی جاتی ہے یعنی

$$(7.42) p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^{\prime} = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1 - s) = p_r (1 - s)$$

یوں تین مرحلہ مشین جس میں تین لچھے ہوتے ہیں اس کے تین گنا میکانی طاقت فراہم کر سکتی ہے یعنی

(7.43) 
$$p_{ij} = 3I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1-s) = 3p_r (1-s)$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر سرک ایک کے برابر ہو تو موٹر کوئی میکانی طاقت فراہم نہیں کرے گی اور گھومتے عصے کو جتنی برقی توانائی مل رہی ہو وہ ساری کی ساری اس میں ضائع ہو کر اسے گرم کرے گی۔ یول موٹر کے گرم



شكل 7.8: امالي موثر كي ايك اور مساوى برقى دور.

ہو کر جل جانے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اس مساوات سے دیکھ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کی سرک صفر کے قریب رہنی چاہئے ورنہ یہ ناقابل قبول حد تک برتی توانائی ضائع کرے گا۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 7.8 کی طرح بھی بنا سکتے ہیں۔ اس شکل میں شکل 7.7 میں دیئے مزاحمت ﷺ کو دو حصوں میں لکھا گیا ہے یعنی

$$\frac{R_r'}{s} = R_r' + R_r' \left(\frac{1-s}{s}\right)$$

 $R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$  یوں شکل 7.7 میں مزاحمت  $R'_r$  میں برتی طاقت کی ضیاع  $I'^2_{0r}R'_r$  گومتے کچھے کی ضیاع ہے جبکہ مزاحمت  $R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$  دراصل میکانی طاقت ہے۔ یاد رہے کہ تین مرحلہ مشین کے لئے یہاں میں برقی طاقت کی ضیاع کو تین سے ضرب دینا ہو گا۔ سے حاصل نتائج کو تین سے ضرب دینا ہو گا۔

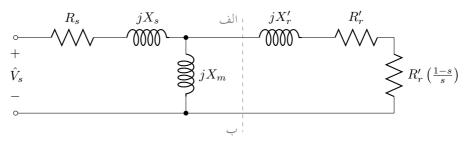
میکانی طاقت، مروڑ ضربِ میکانی زاویائی رفتار ہوتی ہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویائی رفتار مساوات 7.3 میں دی گئی ہے۔ یوں ہے جبکہ مساوات 5.51 میں میکانی معاصر رفتار  $\omega_{sm}$  دی گئی ہے۔ یوں

(7.44) 
$$p = T_m \omega = T_m \times 2\pi f = T_m \times 2\pi (1 - s) f_s = T_m (1 - s) \omega_{sm}$$

للذا

(7.45) 
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}^{\prime 2}}{\omega_{sm}} \frac{R_r^{\prime}}{s}$$

اصل موٹر میں رگڑ، مرکزی ضیاع، کچھوں میں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بنا پر دھرے پر طاقت یا مروڑ اس سے قدرِ کم ہو گی۔



اس کا مساوی تھونن مساوی دور بنائیں

شکل 7.9: امالی موٹر کا سادہ دور۔ مرکزی ضیاع کو نظرانداز کیا گیا ہر۔

ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی دور بناتے وقت  $R_c$  اور  $K_m$  کو نظرانداز کیا گیا تھا۔ امالی موٹر میں ایسا کرنا ممکن نہیں ہوتا چونکہ موٹروں میں خلائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیسی بہاو پیدا کرنے کے لئے بہت زیادہ مقناطیسی دباؤ درکار ہوتی ہے۔ حقیقت میں بے بوجھ امالی موٹر کو اپنے پورے برقی رو کے تیس سے پچاس فی صد برقی رو مرکز کو جہان کرنے کے لئے درکار ہوتی ہے۔ مزید ہے کہ خلائی درز کی وجہ سے اس کی رِستا امالہ بھی زیادہ ہوتی ہے اور اسے نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البتہ مساوی دور میں  $R_c$  کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے جیسے شکل 7.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار کلیر کی بائیں جانب کا مساوی تھونن دور بنایا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے امالی موٹر پر غور کرنا نہیں تو جاتا ہے۔ اب ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔

مثال 7.2: ستارہ جڑی چھ قطب پچاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے اجزاء یہ ہیں

$$R_s = 0.5 \,\Omega, \quad R'_r = 0.31 \,\Omega, \quad X_s = 0.9 \,\Omega, \quad X'_r = 0.34 \,\Omega, \quad X_m = 0.22 \,\Omega$$

موٹر میں رگڑ سے طاقت کا ضیاع 600 واٹ ہے۔مرکزی ضیاع کو اسی کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اس کو اٹل تصور کیا جائے۔یہ موٹر درکار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر دو فی صد سرک پر چل رہی ہے۔اس حالت میں موٹر کی رفتار، اس کے دھرے پر پیدا مروڑ اور طاقت، اس کے ساکن کچھے کی برقی رو اور اس کی فی صد کار گزاری حاصل کریں۔

حل: موٹر کی معاصر رفتار  $6.66 \times 60 = 1000$  چکر فی سیکنڈ یا  $6.66 \times 60 = 16.66$  چکر فی منٹ۔ دو فی صد سرک پر موٹر کی رفتار  $6.33 \times 60 = 979.8$  چکر فی سیکنڈ یا  $6.33 \times 60 = 979.8$  چکر فی سیکنڈ یا  $6.33 \times 60 = 979.8$  چکر فی منٹ ہے۔

7.8. مساوی برقی دور پر غور

$$jX'_r + R'_r + R'_r \frac{1-s}{s} = jX'_r + \frac{R'_r}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور  $jX_m$  متوازی جڑے ہیں۔ان کی مساوی رکاوٹ رہے ہے

$$\begin{split} \frac{1}{Z} &= \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22} \\ Z &= 10.147 + j7.375 = R + jX \end{split}$$

موٹر پر لاگو یک مرحلہ برقی دباؤ  $\frac{415}{\sqrt{3}}=239.6$  وولٹ ہے۔ یوں ساکن کچھے کی برقی رو

$$\begin{split} \hat{I}_s &= \frac{\hat{V}_s}{R_s + jX_s + Z} \\ &= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.375} \\ &= 17.6956/-38.155^{\circ} \end{split}$$

ہے۔اس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طاقت منتقل ہو رہی ہے جو رکاوٹ Z کو منتقل ہو رہی ہے۔یعنی مساوات 7.41 کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \,\text{W}$$

تین مراحل کے لئے یہ مقدار 9532 = 3177.37 × 3 واٹ ہو گی۔مساوات 7.43 موٹر کی اندرونی میکانی طاقت دیتی ہے یعنی

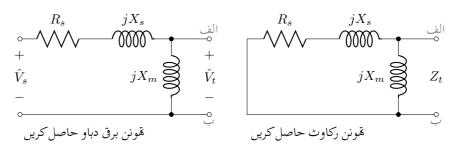
$$p_{\rm ibs} = 9532 \times (1 - 0.02) = 9341 \,\mathrm{W}$$

اس سے طاقت کا ضیاع منفی کر کے 8741 = 600 – 9341 واٹ رہ جاتا ہے۔ یہ موٹر کے دھرے پر میکانی طاقت ہو گی جس سے دھرے پر مروڑ

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \,\mathrm{Nm}$$

ہو گی۔

موٹر کو کل مہیا برقی طاقت  $\sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times \cos(-38.155) = 10001.97$  واٹ ہے۔ ایول اس موٹر کی کار گزاری  $\sqrt{3} \times 415 \times 10001.97 \times 100 = 87.39$  ہے۔



شکل 7.10: تھونن رکاوٹ اور تھونن برقی دباؤ حاصل کرنر کر دور۔

#### 7.9 امالی موٹر کا مساوی تھونن دور یا ریاضی نمونہ

مسکہ تھونن <sup>20</sup> کے مطابق کسی بھی سادہ خطی برتی دور <sup>21</sup> کو اس کے دو برتی سروں کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برتی دباؤکی مساوی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اس مساوی دور کو مساوی تھونن دور کہتے ہیں جبکہ اس مساوی تھونن دور کی رکاوٹ کو تھوِنن رکاوٹ اور برتی دباؤکو تھوِنن برتی دباؤکتے ہیں۔

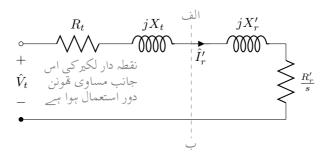
برقی دور کے دو برقی سروں کے مابین تھونن رکاوٹ حاصل کرنے کے لئے اس برقی دور کے اندرونی برقی دباؤ کسرِ دور کر کے ان دو برقی سروں کے مابین رکاوٹ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی رکاوٹ، تھونن رکاوٹ ہے۔ انہیں برقی سروں پر تھونن برقی دباؤ برقرار رکھ کر ان دو سروں سروں پر تھونن برقی دباؤ برقرار رکھ کر ان دو سروں پر برقی دباؤ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی برقی دباؤ در حقیقت تھونن برقی دباؤ ہے۔ بعض او قات ہم ایک برقی دور کے ایک خاص ھے کا مساوی تھونن دور بنانا چاہتے ہیں۔ایسا کرتے وقت بقایا برقی دور کو اس ھے سے مکمل طور پر منقطع کیا جاتا ہے۔ یوں شکل 7.10 سے واضح ہے کہ دو سرول الف اور با کے مابین مساوی تھونن رکاوٹ اور تھونن برقی دباؤ ہد ہیں۔

$$Z_t = \frac{\left(R_s + jX_s\right)jX_m}{R_s + jX_s + jX_m} = R_t + jX_t$$

$$\hat{V}_t = \frac{jX_m\hat{V}_s}{R_s + jX_s + jX_m} = V_t \underline{/\theta_t}$$

کسی تجمی مخلوط عدد  $^{22}$  کی طرح  $Z_t$  کو ایک حقیقی عدد  $R_t$  اور ایک فرضی عدد  $jX_t$  کا مجموعہ لکھا جا سکتا ہے۔ یہی اس مساوات میں کیا گیا ہے۔

Thevenin theorem<sup>20</sup> linear circuit<sup>21</sup> complex number<sup>22</sup>



شکل 7.11: تھونن دور استعمال کرنے کے بعد امالی موٹر کا مساوی دور۔

ہم یوں امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 7.11 کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں سے مرحلی سمتیہ کی استعال سے مندرجہ ذیل برقی رو  $\hat{I}'_r$  حاصل ہوتی ہے۔

(7.47) 
$$\hat{I}'_{r} = \frac{\hat{V}_{t}}{R_{t} + jX_{t} + \frac{R'_{r}}{s} + jX'_{r}} \left| \hat{I}'_{r} \right| = I'_{r} = \frac{V_{t}}{\sqrt{\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)^{2} + \left(X_{t} + X'_{r}\right)^{2}}}$$

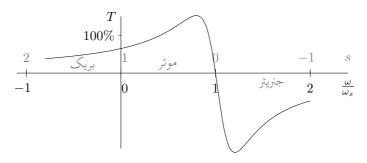
چونکہ  $\hat{V}_t$  کی قیت پر  $\hat{V}_t$  کے زاویے کا کوئی اثر نہیں لہذا مساوی تھونن دور میں  $\hat{V}_t$  کی جگہ  $V_t$  استعال کیا جا سکتا ہے۔ بقایا کتاب میں ایسا بی کیا جائے گا۔

مساوات 7.45 سے یوں تین مرحلہ مثین کی مرور سے ہو گی

(7.48) 
$$T = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2R_t \frac{R_r'}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}$$

اس مساوات کو شکل 7.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں موٹر کی رفتار کو معاصر رفتار کی نسبت سے دکھایا گیا ہے۔ موٹر ازخود گھومتے مقناطیسی موج کی سمت میں گھومتی ہے اور اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم رہتی ہے۔ زیادہ سرک پر موٹر کی کار گزاری نہایت خراب ہو جاتی ہے۔ اس لئے لگاتار استعال کے وقت اسے تقریباً پانچ فی صد سے



شكل 7.12: امالي موٹر كي مروڑ بالمقابل سرك كا خط.

کم سرک پر چلایا جاتا ہے بلکہ ان کی تخلیق یوں کی جاتی ہے کہ امالی موٹر اپنی پوری طاقت تقریباً پانچ فی صد سے کم سرک پر حاصل کرتی ہے۔

اگر موٹر کو زبردستی ساکن کیجھوں کی گھومتے مقناطیسی موج کی ست میں معاصر رفتار سے زیادہ رفتار پر گھمایا جائے تو یہ ایک جزیئر کے طور پر کام کرنے شروع ہو جائے گی۔اییا کرنے کے لئے بیرونی میکانی طاقت درکار ہو گی۔اگرچہ امالی مشین عام طور پر جزیئر کے طور پر استعال نہیں ہوتے البتہ ہوا سے برقی طاقت پیدا کرنے میں یہ جزیئر کے طور پر کار آمد ثابت ہوتے ہیں۔

شکل 7.12 میں مفقی رفتار بھی دکھائی گئی ہے جہاں سرک ایک سے زیادہ ہے۔ ایسا تب ہوتا ہے جب موٹر کو ساکن لیچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج کی اُلٹ سمت میں گھمایا جائے۔موٹر کو جلد ساکن حالت میں لانے کے لئے یوں کیا جاتا ہے۔ تین مرحلہ موٹر پر لاگو برقی دباؤکی کسی دو مرحلوں کو آپس میں اُلٹا دیا جاتا ہے۔ اس طرح موٹر کی ساکن لیچھوں کی گھومتی مقناطیسی موج بیکم اُلٹ سمت میں گھومنے شروع ہو جاتی ہے جبکہ موٹر ابھی پہلی سمت میں گھوم رہی ہوتی ہے۔اس طرح موٹر جلد آہتہ ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رکھ کر دوسری جانب گھومنا چاہتی ہے اس پر لاگو برقی دباؤ منقطع کر دی جاتی ہے۔امالی موٹر یوں ریل گاڑی میں عموماً بطور بریک 23 استعال کی جاتی ہے۔

یوں امالی مشین s < 0 کی صورت میں بطور جزیٹر، s < 1 کی صورت میں بطور موٹر اور s < 1 کی صورت میں بطور بریک کام کرتا ہے۔

امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ مروڑ مساوات 7.48 سے یوں حاصل کی جاسکتی ہے۔مروڑ اُسی لمحہ زیادہ سے زیادہ ہو گی جب گھومتے جھے کو زیادہ سے زیادہ طاقت میسر ہو۔زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلہ 24 کے مطابق

 $<sup>\</sup>mathrm{brake}^{23}$ 

maximum power theorem<sup>24</sup>

مزاحمت  $\frac{R'_r}{s}$  میں طاقت کا ضیاع اس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گا جب

(7.49) 
$$\frac{R'_r}{s} = \left| R_t + jX_t + jX'_r \right| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

ہو۔اس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک  $s_z$  کو بول لکھ سکتے ہیں۔

(7.50) 
$$s_z = \frac{R_r'}{\sqrt{R_t^2 + (X_t + X_r')^2}}$$

مساوات 7.48 میں کسر کے نچلے جھے میں  $R_t^2 + (X_t + X_t')^2$  کی جگہ مساوات 7.49 کا مربع استعال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ مروڑ یوں حاصل کی جا سکتی ہے

(7.51) 
$$T_{z} = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2} \left(\frac{R_{r}'}{s}\right)}{\frac{R_{r}'^{2}}{s^{2}} + 2R_{t} \frac{R_{r}'}{s} + \frac{R_{r}'^{2}}{s^{2}}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \frac{R_{r}'}{s}\right)}$$

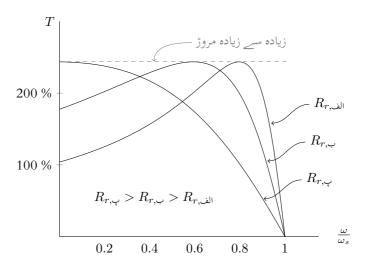
$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \sqrt{R_{t}^{2} + (X_{t} + X_{r}')^{2}}\right)}$$

جہاں آخری قدم پر مساوات کا استعال دوبارہ کیا گیا۔

اس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ مروڑ اس کے گھومتے کچھوں کی مزاحمت پر منحصر نہیں۔ یہ ایک اہم معلومات ہے جسے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ مروڑ درکار رفتار پر حاصل کی جاسکتی ہے۔آئیں دیکھیں کہ یہ کیسا کیا جاتا ہے۔

امالی موٹر کے گھومتے کچھوں کے برقی سروں کو سرک چھلوں  $^{25}$  کے ذریعہ باہر نکالا جاتا ہے  $^{26}$  جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیرونی مزاحمت جوڑی جاتی ہے۔ اس طرح گھومتے کچھوں کی کل مزاحمت بڑھ کر بیرونی  $R_r+R_r$  ہو جاتی ہے۔ ایسا کرنے سے مساوات 7.49 کے مطابق زیادہ سے زیادہ مروڑ نسبتاً زیادہ سرک یعنی کم زاویائی رفتار پر حاصل کی جاسکتی ہے۔ شکل 7.13 میں مزاحمت پ $R_r$  کے ساتھ ساکن موٹر کو چالو کرتے وقت زیادہ سے زیادہ مروڑ صاصل ہو سکتی ہے۔ اس طرح ہوجھ بردار موٹر ساکن حالت سے بی زیادہ ہو جھ اٹھانے کے قابل ہوتا ہے۔ چونکہ زیادہ سرک

slip rings $^{25}$ شکل کے نمونے پر۔



شکل 7.13: بیرونی مزاحمت لگانر کر مروڑ بالمقابل سرک کر خطوط پر اثرات.

پر موٹر کی کار گزاری خراب ہوتی ہے للذا اس طرح موٹر کو زیادہ دیر نہیں چلایا جاتا اور جیسے ہی اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے، اس سے جُڑے بیرونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے کچھوں کے برقی سرے کسرِ دور کر دیئے جاتے ہیں۔

مثال 7.3: صفحہ 226 پر مثال 7.2 میں دی گئی امالی موٹر اس مثال میں استعمال کریں۔رگڑ سے طاقت کی ضیاع کو نظر انداز کریں۔

- اگر موٹر در کار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر تین فی صد سرک پر چل رہی ہو تو ساکن کیچے میں گھومتے کیچھ کے حصہ کی برقی رو 'I اور مثین کی اندرونی میکانی طاقت اور مروڑ حاصل کریں۔
  - موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پیدا مرور اور اس مرور پر موٹر کی رفار حاصل کریں۔
    - موٹر کی چالو ہونے کے لمحہ پر مروڑ اور اس کمہ اس کی  $I'_r$  حاصل کریں۔

حل:

ی مرحله برقی دباؤ 
$$\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$$
 استعمال کرتے ہوئے مساوات 7.46 کی مدد سے

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

مساوات 7.47 میں تین فی صد سرک پر 10.3333 کے استعال سے 7.47

$$\begin{split} \hat{I}'_r &= \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 / -5.6^\circ\\ I'_r &= \left| \hat{I}'_r \right| = 21.1\,\mathrm{A} \end{split}$$

یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ مندرجہ بالا مساوات میں <u>°229.2/1.246</u> کی جگہ <u>°229.2/0</u> استعال کرنے سے  $I'_r$  کی یہی قیمت حاصل ہوتی۔ مساوات 7.43 اور 7.44 کی مدد سے

$$p_m = \frac{3 \times 21.1^2 \times 0.31}{0.03} \times (1 - 0.03) = 13387.46 \,\text{W}$$
 
$$T = \frac{13387.46}{(1 - 0.03) \times 2 \times \pi \times 16.66} = 131.83 \,\text{N m}$$

• مساوات 7.50 سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.1638$$

اور اس پر موٹر کی رفتار 836.2 = 836.2 اور اس پر موٹر کی رفتار 836.2 = 836.2

و چالو کرتے کھے پر سرک ایک ہو گی لہذا 
$$\frac{R'_r}{s} = 0.31$$
 ہو گا اور یوں

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 0.31 + j0.34} = 152.07 / -58.14^\circ$$
 
$$I'_r = 152 \text{ A}$$

اس لمحه مروڑ

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205 \,\text{N}\,\text{m}$$

مثال 7.4: دو قطب ستارہ جڑا بچاس ہر ٹز پر چلنے والا تین مرحلہ امالی موٹر 2975 چکر فی منٹ کی رفتار پر بارہ کلوواٹ کے میکانی بوجھ سے لدا ہے۔موٹر کی سرک اور دھرے پر مروڑ حاصل کریں۔

 $50 \times 60 = 3000$  کال: معاصر رفتار  $\frac{2}{P}f_e = \frac{2}{2} \times 50 = 50$  کی سینٹر یا  $\frac{2}{P}f_e = \frac{2}{2} \times 50 = 50$  کی منٹ ہے۔ یوں سرک  $s = \frac{3000 - 2975}{3000} = 0.00833$  کی منٹ ہے لندا  $s = \frac{3000 - 2975}{3000} = 0.00833$  کی سینٹر ہے لندا  $s = \frac{12000}{3000} = 38 \, \mathrm{N}$  کی سینٹر ہے لندا کی وظر سے پر مروڑ  $s = \frac{12000}{2 \times \pi \times 49 \cdot 58}$  ہو گی۔

#### 7.10 ينجرا نما امالي موثر

گھومتے کچھوں کی ساخت پر ذرا غور کرتے ہیں۔ گھومتے کچھوں کے  $N_r$  چکر ہوتے ہیں جہاں  $N_r$  کوئی بھی عدد ہو سکتا ہے۔ سادہ ترین صورت میں  $N_r$  ایک کے برابر ہو سکتا ہے بینی ایک ہی چکر کا گھومتا کچھا۔ اب بجائے اس کے کہ مرکز میں کچھوں کے لئے شگاف بنائے جائیں اور ہر شگاف میں تانبے کی تار کا ایک چکر لپٹا جائے ہم یوں بھی کر سکتے ہیں کہ ہر شگاف میں سیدھا تانبے کا ایک سلاخ رکھ دیں اور اس طرح کے سب سلاخوں کی ایک جانب کے سروں کو تانبے کی ایک دائرہ نما سلاخ سے کسر دور کر دیں اور اس طرح دوسری جانب کے سب سروں کو بھی ایک تانبے کی دائرہ نما سلاخ سے کسر دور کر دیں۔ اس طرح تانبے کی سلاخوں کا پنجرا بن جاتا ہے۔ اس لئے ایسے امالی موٹروں کو پنجرا نما امالی موٹر کہتے ہیں۔

حقیقت میں شگافوں میں بگھلا تانبا یا سلور 27 ڈالا جاتا ہے جو ٹھنڈا ہو کر ٹھوس ہو جاتا ہے اور مرکز کو جھکڑ لیتا ہے۔دونوں اطراف کے دائرہ نما کسرِ دور کرنے والے چھلے بھی اِسی طرح اور اِسی وقت بنائے جاتے ہیں۔ اس طرح یہ ایک مضبوط گھومتا حصہ بن جاتا ہے۔ اسی مضبوطی کی وجہ سے پنجرا نما امالی موٹر نہایت مقبول ہوا ہے۔ ایسے موٹر سالوں تک بغیر دیکھے بال کے کام کرتے ہیں اور عام زندگی میں ہر جگہ پائے جاتے ہیں۔گھروں میں پانی کے پہپ اور پنکھے اِنہیں سے چلتے ہیں۔گھروں میں پانی کے پہپ اور پنکھے اِنہیں سے چلتے ہیں۔

copper, aluminium<sup>27</sup>

## 7.1 برے بوجھ موٹر اور جامد موٹر کرے معائنہ

امالی موٹر کی کارکردگی دو معائنوں سے معلوم کی جاتی ہے۔ انہی سے اس کے مساوی برقی دور کے جزو بھی حاصل کئے جاتے ہیں۔ہم تین دور کی امالی موٹر کی مثال سے ان معائنوں کا تذکرہ کرتے ہیں۔

7.11.1 بے بوجھ موٹر کا معائنہ

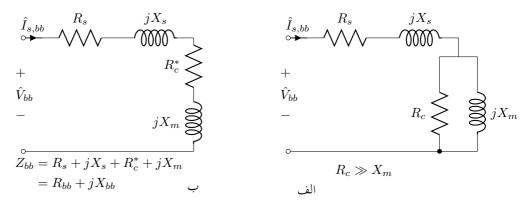
یہ معائنہ بالکل ٹرانسفار مر کے بے بوجھ معائنہ کی طرح ہے۔اس میں موٹر کی بیجان انگیز برقی رو اور بے بوجھ موٹر میں طاقت کے ضیاع کی معلومات حاصل ہوتی ہیں۔

اس میں بے بوجھ امالی موٹر پر تین مرحلہ مساوی برقی دباؤ $^{88}$  لاگو کر کے بے بوجھ موٹر کی برقی طاقت کا ضیاع  $p_{bb}$  اور اس کے ساکن کچھے کی بیجان انگیز برقی رو  $I_{s,bb}$  ناپی جاتی ہے۔یہ معائنہ امالی موٹر کی پورے برقی دباؤ اور برقی تعدد پر کیا جاتا ہے۔

ی وجہ سے درکار ہو۔ اتن مروڑ پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر طاقت کے ضیاع کی وجہ سے درکار ہو۔ اتن کم مروڑ بہت کم سرک پر  $I'_r$  بھی نہایت کم ہو گی اور اس سے گھومتے کچھوں میں برتی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اسی بات کو صفحہ 224 پر شکل 7.7 کی مدد سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جہاں میہ واضح ہے کہ بہت کم سرک پر مزاحمت  $\frac{R'_r}{s}$  کی قیمت بہت زیادہ ہو جاتی ہے اور اس کو گھلے دور سمجھا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے شکل 1.1-الف ملتا ہے۔

شکل 7.14-الف میں  $R_c$  اور  $jX_m$  کے متوازی دور کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔ کسی جمعی امالی موٹر کی  $R_c$  کی قیمت اس کی  $R_c$  کی قیمت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔ متوازی دور کی رکاوٹ  $R_c$  سے مساوی

سے میں  $V_{bb}^{28}$  لکھتے ہوئے لفظ ہے بوجھ کے پہلے حروف ب اور ب کو زیر نوشت میں bb سے ظاہر کیا گیا ہے۔



شکل 7.14: برے بوجھ امالی موٹر کا معائنہ۔

سلسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  یوں حال ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}}$$

$$= \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}} \frac{R_{c} - jX_{m}}{R_{c} - jX_{m}}$$

$$= \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2} + X_{m}^{2}}$$

$$\approx \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}}$$

$$\approx \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}}$$

$$= jX_{m} + \frac{X_{m}^{2}}{R_{c}} = jX_{m} + R_{c}^{*} = Z_{s}$$

بے بو چھ ٹرانسفار مروں میں ابتدائی کچھوں کے برقی طاقت کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جاتا ہے۔ بے بو چھ امالی موٹروں کی بیجان انگیز برقی روکافی زیادہ ہوتی ہے لہٰذا ان کے ساکن کچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز نہیں کیا جا سکتا۔ بے بو چھ امالی موٹر کی pbb سے اگر تین ساکن کچھوں کی برقی ضیاع منفی کی جائے تو اس میں میکافی طاقت کے ضیاع کا حساب لگایا جا سکتا ہے یعنی ضیاع کا حساب لگایا جا سکتا ہے یعنی

$$p_{bb} = p_{bb} - 3I_{s,bb}^2 R_s$$
 (7.53)

میکانی طاقت کا ضیاع بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر کے لئے کیساں تصور کیا جاتا ہے۔

شکل 7.14-ب سے ہم لکھ سکتے ہیں۔

(7.54) 
$$R_{bb} = \frac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}$$

$$Z_{bb} = \frac{V_{bb}}{I_{s,bb}}$$

$$X_{bb} = \sqrt{|Z_{bb}|^2 - R_{bb}^2}$$

$$X_{bb} = X_s + X_m$$

 $X_s$  عالیت کے بوجھ متعاملیت  $X_{bb}$  عاصل ہوتی ہے۔اگر کسی طرح ساکن کچھے کی متعاملیت معلوم ہو تب اس مساوات سے  $X_m$  عاصل کی جاسکتی ہے۔اگلے معائنہ میں ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں گے۔

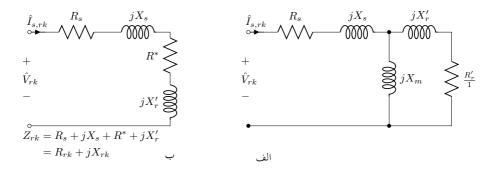
7.11.2 جامد موٹر کا معائنہ

یہ معائد ٹرانسفار مر کے کسرِ دور معائد کی طرح ہے۔ اس میں مشین کے بِستا امالوں کی معلومات حاصل ہوتی ہے۔ البتہ امالی موٹر کا مسئلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔ امالی موٹر کی بِستا امالہ گھومتے کچھوں میں برقی تعدد اور مرکز کے سیر اب ہونے پر مخصر ہوتے ہیں۔

اس معائنہ میں امالی موٹر کے گھومتے جھے کو حرکت کرنے سے زبردستی روک دیا جاتا ہے جبکہ ساکن کچھوں پر بیرونی برتی دوباؤ  $V_{rk}$  لاگو کر کے برقی طاقت  $p_{rk}$  اور ساکن کچھوں کی برقی رو $I_{s,rk}$  ناپی جاتی ہیں۔ اصولی طور پر بیہ معائنہ اُن حالات کو مد نظر رکھ کر کیا جاتا ہے جن پر موٹر کی معلومات درکار ہوں۔

جس لحمہ ایک موٹر کو ساکن حالت سے چالو کیا جائے اس لمحہ موٹر کی سرک ایک کے برابر ہوتی ہے اور اس کے گھومتے لچھوں میں عام تعدد  $f_e$  کی برتی رو $^2$ 0 ہوتی ہے، لہٰذا اگر اس لمحہ کے نتائج در کار ہوں تو موٹر کے ساکن لیے کھومتے لچھوں میں عام تعدد لیعنی  $f_e$  کی اتنی برتی رباؤ لا گو کی جائے گی جتنی سے اس کے گھومتے لچھوں میں برتی رو اس کے گھومتے ہو۔ اس طرح اگر عام چالو حالت میں بوجھ بردار موٹر کے نتائج در کار ہوں جب موٹر کی سرک  $g_e$ 0 اور اس کے گھومتے لچھوں میں برتی رو $g_e$ 1 ہوتی ہے تو معائنہ میں  $g_e$ 2 تعدد کی برتی دباؤ استعال کی جائے گی اور اس کی مقدار اتن کے گھومی جائے گی جتنی سے گھومتے لچھوں میں  $g_e$ 1 برتی رو وجود میں آئے۔ تقریباً  $g_e$ 2 ہوٹی موٹروں میں برتی تعدد کے اثرات قابل نظر انداز ہوتے ہیں لہٰذا ان کا معائنہ  $g_e$ 3 تعدد کی برقی دباؤ پر ہی کیا جاتا ہے۔ میں برتی تعدد کے اثرات قابل نظر انداز ہوتے ہیں لہٰذا ان کا معائنہ  $g_e$ 4 تعدد کی برقی دباؤ پر ہی کیا جاتا ہے۔

t=0 لمحہ کے برقی رو کو چھوٹی لکھائی میں وقت صفر سے منسلک کیا گیا ہے یعنی t=0 اس بات کو ظاہر کرتی ہے کہ موٹر کافی دیر سے چالو ہے اور یہ ایک برقرار رفتار تک پہنچ گئی ہے۔  $t\to\infty$ 



شكل 7.15: ركر امالي موثر كا معائنه.

یہاں صفحہ 224 پر و کھائے شکل 7.7 کو رکے موٹر کے معائنہ کی نقطہ نظر سے دوبارہ بناتے ہیں۔رکے موٹر کی سرک ایک کے برابر ہوتی ہے۔مزید ہے کہ اس معائنہ میں لاگو برقی دباؤ عام چالو موٹر پر لاگو برقی دباؤ سے خاصی کم ہوتی ہے۔ اتنی کم لاگو برقی دباؤ پر مرکزی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔شکل میں  $R_c$  کی میں ادف ہے۔ایسا کرنے سے شکل 7.15-الف ملتا ہے۔چونکہ s=1 ہندا اس شکل میں  $R_r'$  کو  $R_r'$  کو  $R_r'$  کو  $R_r'$  کو  $R_r'$  کی ایسا کی ہے۔

شکل 7.15-الف میں  $jX_m$  اور  $(R'_r+jX'_r)$  متوازی جڑے ہیں۔ ان کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.15-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس متوازی دور کی مزاحمت  $Z_m$  سے سلسلہ وار مزاحمت  $Z_s$  یوں حاصل ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{jX_{m}(R'_{r} + jX'_{r})}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}$$

$$= \left(\frac{jX_{m}R'_{r} - X_{m}X'_{r}}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}\right) \left(\frac{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}\right)$$

$$= \frac{jX_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}R'_{r}(X_{m} + X'_{r}) - X_{m}X'_{r}R'_{r} + jX_{m}X'_{r}(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= \frac{X_{m}^{2}R'_{r}}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}} + \frac{j(X_{m}R'_{r}^{2} + X_{m}^{2}X'_{r} + X_{m}X'_{r}^{2})}{R'_{r}^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= R_{s}^{*} + jX_{s}^{*} = Z_{s}$$

 $X_m\gg X_r'$  اگر ان مساوات میں  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  اور ان مساوات میں ہوتا ہے۔

$$(7.56) R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$

$$(7.57) X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_m^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_m^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_m^2} \approx X_r'$$

$X'_r$	$X_s$	خاصيت	گهومتا حصہ
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	کارکردگی گھومتے حصے کی مزاحمت پر منحصر	ليثا ہوا
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	عام ابتدائی مروژ، عام ابتدائی رو	A بناوٹ
$0.6X_{rk}$	$0.4X_{rk}$	عام ابتدائی مروڑ، کم ابتدائی رو	B بناوٹ
$0.7X_{rk}$	$0.3X_{rk}$	زیاده ابتدائی مروڑ، کم ابتدائی رو	C بناوٹ
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	زیاده ابتدائی مروز، زیاده سرک	D بناوث

جدول 7.1: متعاملیت کی ساکن اور گھومتے حصوں میں تقسیم.

اس معائنہ میں ناپے مقداروں اور شکل 7.15-ب سے

(7.58) 
$$Z_{rk} = \frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$
 
$$R_{rk} = \frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$
 
$$X_{rk} = \sqrt{\left|Z_{rk}\right|^2 - R_{rk}^2}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ اس مساوات کے پہلے جزو میں ناپے برقی دباؤ اور برقی روسے رکاوٹ حاصل کی گئی ہے، اس کے دوسرے جزوسے مزاحمت اور تیسرے میں متعاملیت۔

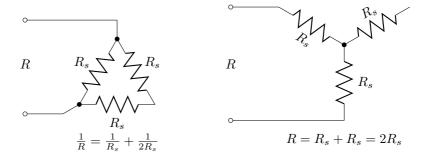
اب شکل 7.15-ب سے واضح ہے کہ

$$(7.59) X_{rk} = X_s + X_r'$$

امالی مثین مختلف خصوصیات کو مد نظر رکھ کر بنائے جاتے ہیں۔ عام آدمی کے آسانی کے لئے ایسے مثینوں کی درجہ بندی کی جاتی ہے۔ جدول 7.1 میں پنجرا نما امالی موٹر کے مختلف اقسام A, B, C, D اور ایسی مثین جن کا گھمتا حصہ لیجھے پر مشتمل ہو، کے رِستا متعاملیت  $X_{rk}$  کو ساکن اور گھومتے لیجھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے لیجھے والی مثین میں ساکن اور گھومتے متعاملیت برابر ہوتے ہیں۔ اسی طرح شکل 7.15-ب سے واضح ہے کہ جہ کے اللہ لیخی او ہم میٹر  $X_{rk}$  کے اللہ لیخی او ہم میٹر آئی جائے تو

$$(7.60) R^* = R_{rk} - R_s$$

Ohm meter<sup>31</sup>



شکل 7.16: ستارہ اور تکونی جڑی موٹروں کی ساکن لچھوں کی مزاحمت کا اوہم میٹر کی مدد سے حصول۔

ہو گا اور اب  $R'_r$  کو مساوات 7.56 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں  $X_m$  بے بوجھ امالی موٹر کے معائنہ میں حاصل کی جاتی ہے۔

اوہم میٹر کی مدد سے ساکن کچھے کی مزاحمت ناپتے وقت یہ جاننا ضروری ہے کہ موٹر ستارہ یا تکونی جڑی ہے۔ شکل  $2R_s$  میں کچھے کو دونوں طرح جڑا دکھایا گیا ہے۔ اگر یک مرحلہ مزاحمت  $R_s$  ہو تو ستارہ جڑی موٹر میں اوہم میٹر  $3R_s$  مزاحمت دے گی۔ مزاحمت دے گی جبکہ تکونی جڑی موٹر کے لئے یہ  $3R_s$  مزاحمت دے گی۔

مثال 7.5: سارہ جڑی چار قطب بچاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی موٹر کے معائنہ کئے جاتے ہیں۔ موٹر کی بناوٹ درجہ بندی A کے مطابق ہے۔ اوہم میٹر کسی بھی دو برتی سروں کے مابین 0.55 اوہم جواب دیتا ہے۔ بے بوجھ معائنہ D کا اور 415 کو برگرتے ہوئے برقی رو 4.1 A اور طاقت کا ضیاع W 906 ناپے جاتے ہیں۔ جامد موٹر معائنہ D 15 اور کا 50 کو پر کرتے ہوئے برقی رو A 1.91 اور طاقت کا ضیاع W 850 ناپے جاتے ہیں۔ اس موٹر معائنہ D 15 کو در بنائیں اور پانچ فی صد سرک پر اس کی اندرونی میکانی طاقت عاصل کریں۔

$$R_s=rac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$$
 حاصل او ہم میٹر کے جواب سے شارہ بڑی موٹر کے ساکن کیجھے کی مزاحمت  $R_s=rac{4.5}{2}=0.275\,\Omega$  عاصل ہوتی ہے۔ بے بوجھ معائنہ میں یک مرحلہ برتی و باؤ کا  $R_{bb}=rac{415}{\sqrt{3}}=239.6\,\mathrm{V}$  ہوتی ہے۔ بے بوجھ معائنہ میں یک مرحلہ برتی و باؤ کا  $R_{bb}=rac{906}{3 imes4.1^2}=17.965\,\Omega$   $|Z_B|=rac{239.6}{4.1}=58.439\,\Omega$   $X_{bb}=\sqrt{58.439^2-17.965^2}=55.609\,\Omega=X_s+X_m$ 

للذارکے موٹر معائنہ کے نتائج سے  $X_s$  حاصل کرنے کے بعد  $X_m$  حاصل ہو جائے گ۔ ساکن کچھے کی مزاحمت میں اس برتی رو پر کل ہ

 $3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 = 13.87 \,\mathrm{W}$ 

برتی طاقت کا ضیاع ہو گا للذا رگڑ اور دیگر طاقت کا ضیاع 892=13.86=900 واٹ ہو گا۔ رکے موٹر کے معائنہ میں یک مرحلہ برتی دباؤ  $28.9=\frac{50}{\sqrt{3}}$  وولٹ ہیں یوں اس معائنہ سے

$$R_{rk} = \frac{850}{3 \times 13.91^2} = 1.464 \,\Omega$$
$$|Z_{rk}| = \frac{28.9}{13.91} = 2.07 \,\Omega$$

 $X_{rk,15} = \sqrt{2.07^2 - 1.464^2} = 1.46\,\Omega$ 

حاصل ہوتے ہیں۔ اس معائد میں برقی تعدد 15 ہرٹز تھی للذا 50 ہرٹز پر متعاملیت  $X_{rk,50}=\frac{50}{15}\times X_{rk,15}\approx 4.9\,\Omega$ 

ہے۔درجہ بندی A کی امالی موٹر کے لئے یہ متعاملت ساکن اور گھومتے کچھے میں یکساں تقسیم ہوتی ہے للذا  $X_s=X_r'=rac{4.9}{2}=2.45\,\Omega$ 

يوں

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53\,\Omega$$

چونکہ  $R_s=0.275$  اوہم ہے للذا

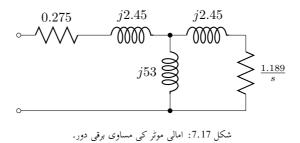
$$R'_r = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189 \,\Omega$$

ہو گا۔ یہ مساوی برقی دور شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے۔

پانچ فی صد سرک پر اندرونی میکانی طاقت کی خاطر بائیں جانب کا تھوینن مساوی دور استعال کرتے ہوئے

$$Z_t = 0.251 + j2.343$$
  
 $\left| \hat{I}'_r \right| = 11.8 \text{ A}$   
 $p_m = \frac{3 \times 11.8^2 \times 0.974 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 7730 \text{ W}$ 

 $V_t = 229/0.2833^{\circ}$ 



# یک سمتی رو مشین

یک سمتی رو مشین یا تو یک سمتی روا برقی طاقت پیدا کرتے ہیں یا پھر یہ یک سمتی رو برقی طاقت سے چلتے ہیں۔ یک سمتی رو موٹروں کی اہمیت بتدر تے کم ہوتی جا رہی ہے اور ان کی جگه امالی موٹر استعال ہونے لگے ہیں جو جدید طرز کے قوی الیکٹرانکس<sup>2</sup> سے قابو کئے جاتے ہیں۔موجودہ دور میں گاڑیوں میں لگے یک سمتی جزیئر بھی دراصل سادہ بدلتی رو جزیئر ہوتے ہیں جن کے اندر نسب ڈایوڈ<sup>3</sup> ان کی بدلتی محرک برقی دباؤکو یک سمتی محرک برقی دباؤ میں تبدیل کر دبتی ہے۔

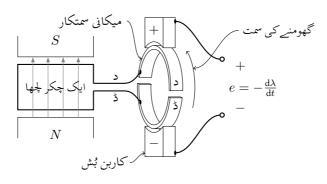
اس باب میں دو قطب کے یک سمتی آلوں کا مطالعہ کیا جائے گا۔میکانی سمت کار رکھنے والے یک سمتی آلوں میں میدانی لچھا ساکن ہوتا ہے جبکہ قوی لچھا گھومتا ہے۔

# 8.1 میکانی سمت کار کی بنیادی کارکردگی

جزیر بنیادی طور پر بدلتی رو برقی دباؤ ہی پیدا کرتا ہے۔ یک سمتی جزیر کے اندر نسب سمت کار 4 میکانی طریقہ سے اس بدلتی رو کو یک سمتی برقی دباؤ حاصل ہوتا ہے۔ اس بدلتی رو کو یک سمتی رو میں تبدیل کرتا ہے اور یوں جزیر کی برقی سروں سے یک سمتی برقی دباؤ حاصل ہوتا ہے۔

> dc, direct current<sup>1</sup> power electronics<sup>2</sup> diode<sup>3</sup> commutator<sup>4</sup>

باب 8. یک سمتی رو مشین

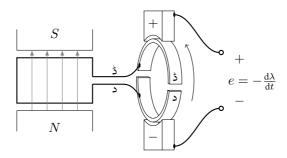


شكل 8.1: ميكاني سمت كار.

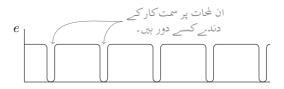
سمت کار کو شکل 8.1 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں جزیٹر کے قوی کچھے کو ایک چکر کا دکھایا گیا ہے اگرچہ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا۔ قوی کچھے کے برقی سرول کو د اور ڈسے ظاہر کیا گیا ہے جو سمت کار کے د اور ڈسھول کے ساتھ جُڑے ہیں۔ قوی کچھا اور سمت کار ایک ہی و ھرے پر نسب ہوتے ہیں اور یوں یہ ایک ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ نصور کریں کہ یہ دونوں گھڑی کی اُلٹی سمت مقناطیسی میدان میں گھوم رہے ہیں۔ مقناطیسی میدان اُفقی سطح میں S کی جانب ہے جسے نوکدار لکیروں سے دکھایا گیا ہے۔ سمت کار کے ساتھ کار بن کے ساکن اُبٹی، اسپر نگ کی مدد سے دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ ان کار بن کے اُبٹوں سے برقی دباؤ ہیرونِ جزیٹر موصل برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کی جاتی ہیں۔ ان کار بن لیعن + اور منفی نشان یعنی – سے ظاہر کیا گیا ہے۔

دکھائے گئے لمحہ پر لیچے میں پیدا برقی دہاؤہ کی وجہ سے کیچے کا برقی سرا د مثبت اور اس کا برقی سرا ڈ منفی ہے۔ یوں
سمت کار کا حصہ د مثبت اور اس کا حصہ ڈ منفی ہے جس سے کاربن کے + نشان والا بُش مثبت اور – نشان والا بُش
منفی ہے۔ آدھے چکر بعد خلاء میں لیچے کی د اور ڈ اطراف آپس میں جگہیں تبدیل کر لیس گی۔ یہ شکل 8.2 میں دکھایا
گیا ہے۔ کچھ کے د اور ڈ اطراف اب بھی سمت کار کے د اور ڈ حصول کے ساتھ جُڑے ہیں۔ اس لمحہ پر کچھ پر برقی
د باؤ اُلٹ ہوگی اور اب اس کا د طرف منفی اور ڈ طرف مثبت ہوگا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں سمت کار کی
کارکردگی سامنے آتی ہے اور ہم دیکھتے ہیں کہ کاربن کا + نشان والا بُش اب بھی مثبت اور – نشان والا بُش اب بھی
منفی ہے۔ یوں جزیر کے بیرونی برقی سرول پر اب بھی برقی دباؤ پہلے کی سمت میں ہی ہے۔ سمت کاری کے داشوں
کے مابین برقی دباؤ ہوتا ہے لہذا ان کو غیر موصل شہ کی مدد ایک دونوں سے اور دھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔

گھومتے وقت ایک ایبالحہ آتا ہے جب سمت کار کے دونوں دانت کاربن کے دونوں بُثوں کے ساتھ جُڑے ہوتے ہیں لیعنی اس لحمہ کاربن کے بُش محیط پر اس طرح رکھے جاتے ہیں کہ جس



شکل 8.2: آدھے چکر کے بعد بھی + بُش مثبت ہی ہے۔



شكل 8.3: دو دندوں كر سمت كار سر حاصل يك سمتى برقى دباؤ.

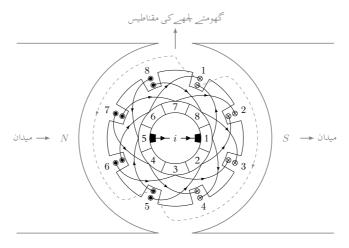
لمحہ کچھے میں برقی دباؤ مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہونے لگے اسی لمحہ کاربن کے بُش کچھے کو کسرِ دور کرے۔ چونکہ اس لمحہ کچھے کے پیدا کردہ برقی دباؤ صفر ہوتی ہے لہذا اسے کسرِ دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا۔اس طرح حاصل برقی دباؤ شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں دو دندوں والا سمت کار اور دو مقناطیسی قطب کے درمیان گھومتا ایک ہی قوی لچھا دکھایا گیا ہے۔ حقیقت میں جزیر کے بہت سارے قطب ہوں گے اور ہر ایک قطب کے لئے سمت کار کے کئی دندے ہوں گے۔ مزید یہ کہ نہایت چھوٹی آلوں میں مقناطیسی میدان مقناطیس ہی فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں مقناطیسی میدان ساکن میدانی کچھے فراہم کرتے ہیں۔ مشین کے دونوں قتم کے لچھے تقسیم شدہ ہوتے ہیں۔

اب ہم زیادہ دندول کے ایک سمت کار کو دیکھتے ہیں۔

8.1.1 میکانی سمت کار کی تفصیل

پچھلے حصہ میں سمت کار کی بنیادی کارکردگی سمجھائی گئی۔ اس حصہ میں اس پر تفصیلاً غور کیا جائے گا۔ یہاں شکل 8.4 سے رجوع کریں۔اس شکل میں اندر کی جانب دکھائے گئے سمت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔سمت 246 يک سمتي رو مشين

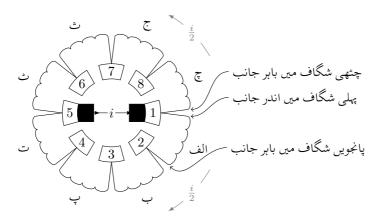


شکل 8.4: کاربن بُش سمتکار کر دندوں کو کسر دور نہیں کر رہا۔

کار کی اندر جانب کاربن بُش دکھائے گئے ہیں جبکہ بیرونِ جزیر برتی رو کو ظاہر کرتی ہے۔ شگافوں کو بھی ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس جزیر کے دو قطب ہیں جبکہ اس میں کل آٹھ شگاف ہیں۔اس طرح اگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہو تو تین شگاف چھوڑ کر موجود شگاف دوسرے قطب کے سامنے ہو گا۔ہم کہتے ہیں کہ ایسے دو شگاف ایک قطب فاصلے پر ہیں۔

شگافوں میں موجود کچھوں میں برتی رو کی سمتیں نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے گئے ہیں۔ نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر باہر جانب کی سمت کو ظاہر کرتی ہے جبکہ صلیب کے نشان اس کی اُلٹ سمت کو ظاہر کرتی ہے۔یوں پہلی شگاف میں برتی رو کی سمت عمودی طور پر صفحہ کی اندر جانب کو ہے۔

ہر شگاف میں دو لچھے دکھائے گئے ہیں۔ پہلی شگاف کی اندر جانب موجود لچھا، ست کار کی پہلی دانت سے بڑوا ہے۔ یہ جوڑ موٹی لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔ شگاف کے نچلے سرے سے نکل کر یہ لچھا پانچ نمبر شگاف کے نچلے سرے میں باہر جانب کو داخل ہوتا ہے۔ اس بات کو نقطہ دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس طرح دو لچھے دوسرے اور چٹے شگاف میں ہیں۔ ان میں ایک لچھا دوسرے شگاف میں اندر کی جانب اور چٹے شگاف میں باہر کی جانب ہے جبکہ دوسرا لچھا دوسرے شگاف میں باہر کی جانب اور چٹے شگاف میں اندر کی جانب ہے۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں گھاف میں اندر کی جانب ہے۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں شگاف کی جانب ہے۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں اندر جانب اور اس کی دوسری طرف شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔ سمت کار کا یہی پہلا اندر جانب اور اس کی دوسری طرف ایک قطب دور موجود شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔ سمت کار کا یہی پہلا دانت چوشے شگاف کی باہر جانب موجود لیھے سے بھی جُڑا ہے۔ آپ یہاں رکھ کر شکل کی کہ کی مدد سے مشین میں دانت چوشے شگاف کی باہر جانب موجود لیکھے سے بھی جُڑا ہے۔ آپ یہاں رکھ کر شکل کی گاف کی مدد سے مشین میں دانت چوشے شگاف کی باہر جانب موجود کی مدد سے مشین میں دانت چوشے شگاف کی باہر جانب موجود کیلے سے بھی جُڑا ہے۔ آپ یہاں رکھ کر شکل کی کہ کی مدد سے مشین میں دانت چوشے شگاف کی باہر جانب موجود کیلے سے بھی جُڑا ہے۔ آپ یہاں رکھ کر شکل کی کہ کھی میں میں میں میں کو دوسر سے مشین میں میں میں میں کیا ہوگی کی مدد سے مشین میں میں میں کیا ہوگی کیا ہوگی کے دانس کی دوسر کی کیا ہم جانب موجود کیلے میں کیا ہم جانب میں کیا ہم جانب موجود کیلے کی مدر سے مشین میں میں کیا ہم جانب موجود کیل



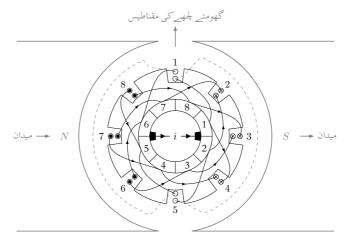
شکل 8.5: سمت کار سے جڑے لچھے۔

برقی رو کی سمتیں سمجھیں اور تبلی کر لیں کہ یہ درست دکھائے گئے ہیں۔اس شکل میں کچھوں کو الف، ب، پ وغیرہ نام دیئے گئے ہیں جبکہ سمت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔کاربن کے بُش پہلے اور پانچویں دانت سے جڑے دکھائے گئے ہیں۔

اس شکل میں کاربن بُش سے برتی روست کارکی پہلے دانت سے ہوتے ہوئے دو برابر مقداروں میں تقسیم ہو کر دو کیسال متوازی راستوں گزرے گی۔ایک راستہ سلسلہ وار جڑے الف، ب، پ اور سے کچھوں سے بنتا ہے جبکہ دوسرا راستہ سلسلہ وار جڑے ٹ، ث، ج اور چ کچھوں سے بنتا ہے۔یہ دو سلسلہ وار راستے آپس میں متوازی جڑے ہیں۔ برتی روکی سمت نقطہ دار چونچ والی لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔دو متوازی راستوں سے گزرتا برتی روایک مرتبہ دوبارہ مل کر ایک ہو جاتا ہے اور سمت کار کے پانچویں دانت سے جڑے کاربن بُش کے ذریعہ مشین سے باہر نکل جاتا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ گھومتے جسے کی شکافوں میں موجود کچھوں میں برتی رو مقناطیسی دباؤ کو جنم دے گی جو ساکن مقاطیسی دباؤ کی عمودی سمت میں ہوگی جیسا شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔یہ دو مقناطیسی دباؤ دھرے پر گھڑی کی سمت میں مروڑ پیدا کریں گے۔یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو تو یہ گھڑی کی سمت گھوے گی۔اس صورت میں کاربن بُش پر بیرونی یک سمت برتی دباؤ اس سمت میں لاگو کی جائے گی کہ اس میں برتی رودکھاائی سمت میں ہو۔

اب بیہ تصور کریں کہ مشین ایک جزیٹر کے طور پر استعال کی جارہی ہو اور اسے گھڑی کی اُلٹی سمت بیر ونی میکانی طاقت سے تھمایا جا رہا ہو۔یوں سمت کار کے آدھے دانت برابر حرکت کرنے کے بعد بیہ شکل 8.6 میں دکھلائے حالت اختیار کر لے گی۔اس شکل میں دائیاں کاربن اُبٹن سمت کار کے پہلے اور دوسرے دانت کے ساتھ جبکہ بائیاں کاربن

948 يک سمتي رو مشين



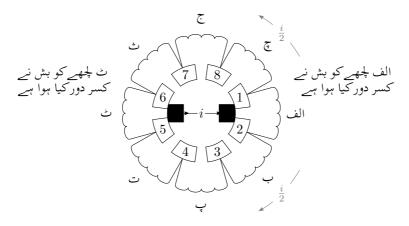
شکل 8.6: کاربن بُش سمت کار کر دندوں کو کسر دور کر رہا ہر ـ

بُشُ اس کے پانچویں اور چھٹے دانت کے ساتھ بُڑ گئے ہیں۔یوں پہلے اور پانچویں شگافوں میں موجود کچھے کسرِ دور ہو گئے ہیں جبکہ بقایا شگافوں میں موجود کچھوں میں حسبِ معمول برقی رو ہو گا جن سے مقاطیسی دباؤ اب بھی پہلے کی طرح ساکن مقناطیسی کی دباؤ کی عمودی ست میں ہو گا۔اس لمحہ کی صورت شکل 8.7 میں زیادہ واضح ہے۔

مشین جب سمت کار کے ایک دانت برابر حرکت کر لے تو کاربن کے کُش دوسرے اور چھٹے دانت سے جُڑ جائیں گے۔پہلے اور پانچویں شگافوں میں برقی رو کی سمت پہلی سے اُلٹ ہو جائے گی جبکہ باقی شگافوں میں برقی رو کی سمتیں برقرار رہیں گی۔گھومتے کچھوں کا برقی دباؤ اب بھی اُسی سمت میں ہو گا۔

جتنے کھے کے لئے کاربن کے بُش دو کچھوں کو کسِر دور کرتے ہیں اتنے وقت میں ان کچھوں میں برقی روکی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔ کو شش کی جاتی ہے کہ اس دوران برقی رو وقت کے ساتھ بندر تئ تبدیل ہو۔اییا نہ ہونے سے کاربن کے کُش سے چنگاریاں نکلتی ہیں جن سے یہ بُش جلد ناکارہ ہو جاتے ہیں۔ جزیٹر کے کسر دور کچھوں میں پیدا برقی دباؤ انہیں کچھوں میں گھومتی برقی رو پیدا کرتی ہے جو ہمارے کسی کام کی نہیں۔ کچھے اور کاربن بش کے برقی مزاحمت اس برقی روکی قیمت کا تعین کرتے ہیں۔

حقیقت میں یک سمتی جزیٹر میں در جن دانت فی قطب والا سمت کار استعال ہو گا اور اگر مشین نہایت مچھوٹی نہ ہو تو اس میں دو سے زیادہ قطب ہول گے۔



شکل 8.7: کاربن بش دو دندوں کو کسر دور کر رہر ہیں۔

### 8.2 یک سمتی جنریٹر کی برقی دباؤ

گزشته حصه میں شکل 8.5 کے الف، ب، پ اور ت کھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ اس طرح ٹ، ث، ج اور ج کھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ حصہ 5.3 میں مساوات 5.23 ایک کھھے کی یک سمتی جزیئر کی محرک برتی دباؤ  $e_1$  دیتی ہے۔ اسے یہاں یاد دھیانی کی خاطر دوبارہ دیا جاتا ہے۔

(8.1) 
$$e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

اگر خلائی درز میں  $B_m$  کی مقدار ہر جگہ کیساں ہو تو سب کچھوں میں برابر محرک برقی دباؤ پیدا ہو گا۔یوں شکل 8.4 میں دکھائے لیحہ پر جنزیٹر کی کل دمحرک برقی دباؤ کی چار گنا ہو گی یعنی

$$e = e_{\downarrow\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow}$$

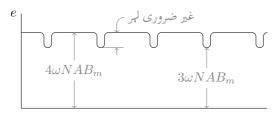
$$= e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow}$$

$$= 4\omega NAB_{m}$$
(8.2)

جبکہ شکل 8.6 میں دکھائے لمحہ پر صرف تین کچھوں کی محرکی برقی دباؤ زیرِ استعال آتی ہے یعنی

(8.3) 
$$\begin{aligned} e &= e \cdot + e \cdot + e \cdot + e \cdot \\ &= e \cdot + e \cdot + e \cdot \\ &= 3\omega NAB_m \end{aligned}$$

950 يک سمتي رو مشين



شکل 8.8: آئھ دندوں کی میکانی سمت کار سے حاصل برقی دباؤ۔

شکل 8.8 میں اس آٹھ دندوں والے میکانی سمت کارسے حاصل برتی دباؤ دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں یک سمتی برتی دباؤ پر سوار غیر ضروری لہریں نظر آ رہی ہیں۔اگر جزیٹر میں ایک جوڑی قطب پر کل n کی طرح یہ دو  $\frac{n}{2}$  سلسلہ وار کچھوں جتنی محرکی برتی دباؤ پیدا کرے گی۔

(8.4) 
$$e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$

اس صورت میں یہ غیر ضروری لہریں کل یک سمتی برقی دباؤ کی تقریباً

$$\frac{\omega N \phi_m}{\frac{n}{2} \omega N \phi_m} \times 100 = \frac{2}{n} \times 100$$

فی صد ہو گ۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اگر فی قطب دندوں کی تعداد بڑھائی جائے تو حاصل برقی دباؤ زیادہ ہموار ہو گی اور یہ غیر ضروری لہر س قابل نظر انداز ہوں گے۔

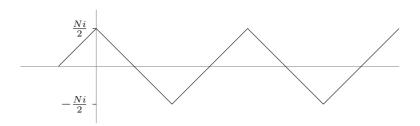
اب تصور کریں کہ شکل 8.4 میں دیئے مثین کی خلائی درز میں  $B_m$  کی مقدار ہر جگہ کیساں نہیں ہے۔اس صورت میں مجرک برقی دباؤ مساوات 8.1 کے تحت مختلف زاویوں پر مختلف ہو گی۔اس طرح مثین سے حاصل کل ہرقی دباؤ چار سلسلہ وار کچھوں کی مختلف محرک برقی دباؤ کے مجموعہ کے برابر ہو گی لیخی

$$(8.6) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

جہاں  $e_1, e_2, \cdots$  مختلف کچھوں کی محرک برقی دباؤ کو ظاہر کرتے ہیں۔

اب شکل 8.4 پر خور کریں۔اگر گھومتا حصہ صرف ایک دندے برابر حرکت کرے تو اس شکل کی حالت دوبارہ حاصل ہوتی ہے اور اس سے حاصل برقی دباؤ بھی دوبارہ وہی ملتی ہے۔اگر میکانی سمت کارکی فی قطب دندوں کی تعداد زیادہ کر دی جائے تو یہ حرکت قابل نظر انداز ہو جاتی ہے۔ اب اگر خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو اتنی کم حرکت کے احاطے میں  $B_m$  کی مقدار میں کوئی خاص تبدیلی نہیں آئے گی اور اس احاطے

8.3. مروڑ



شكل 8.9: آرى دندوں نما كثافت مقناطيسي دباؤ ـ

میں اسے کیساں تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں اگر لچھا اس احاطے میں حرکت کرے تو اس میں محرک برقی دباؤ تبدیل نہیں ہو گا۔ یعنی جس لچھے کی محرکی برقی دباؤ  $e_1$  ہے اُس کی اس احاطے میں محرکی برقی دباؤ کی رہے گا۔ یوں اگرچہ  $e_1$  ہیں دی گئی مقدار قطعی ہے، لہذا اس صورت میں مساوات 8.6 میں دی گئی محرکی برقی دباؤکی مقدار بھی قطعی ہو گا۔

ہم نے دیکھا کہ اگر خلائی درز میں  $B_m$  ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو جزیٹر سے معیاری یک سمتی محرک برقی دباؤ حاصل ہوتی ہے۔بہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں دباؤ حاصل ہوتی ہے۔بہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں خلائی درز میں  $B_m$  یکساں رکھا جاتا ہے جبلہ بڑی آلوں میں اسے ہمواری کے ساتھ تبدیل کیا جاتا ہے۔جیسا اوپر ذکر ہوا مملاً میکانی سمت کار کے دندوں تک لچھوں کے سروں کی رسائی ممکن تب ہوتی ہے جب ہر شگاف میں دو لچھے رکھے جائیں۔ اس طرح رکھے لچھوں کی خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ آری کے دندوں کی مانند ہوتا ہے۔یہ شکل 8.9 میں دکھایا گیا ہے۔

زیادہ قطب کے مشین میں شالی اور جنوبی قطب کے ایک جوڑے کی پیدا یک سمتی برقی دباؤ مساوات 8.4 سے حاصل ہو گی جہال n ایک قطبین کے جوڑے پر میکانی سمت کار کے دندوں کی تعداد ہو گی۔یوں زیادہ قطبین کے جوڑیوں سے حاصل یک سمتی برقی دباؤ کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑا جا سکتا ہے۔

# 8.3 مروڑ

یک سمتی آلوں کی امالی برقی دباؤ اور مروڑ خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ کی شکل پر منحصر نہیں۔اپنی سہولت کے لئے ہم ان کی خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما تصور کرتے ہیں۔شکل 8.9 میں دکھائے گئے قوی کیچے کی مقناطیسی دباؤ کی 952 يک سمتي رو مشين

بنیادی فوریئر جزو ٔ

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

ہے۔ یوں چونکہ یک سمتی مثنین میں ساکن اور گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں للمذا ان میں مروڑ مساوات 5.101 کی طرح

$$(8.8) T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

ہو گی۔

مثال 8.1: دو قطب بارہ دندوں کے میکانی ست کار کے یک سمتی جزیٹر میں ہر قوی کچھا بیں چکر کا ہے۔ایک کچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاو 0.0442 ویبر ہے۔جزیٹر 3600 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔

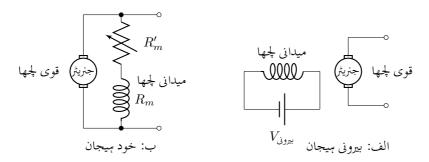
- اس کی پیدایک سمتی برقی دباؤ میں غیر ضروری اہریں کل برقی دباؤ کے کتنے فی صد ہیں۔
  - يك سمق برقى دباؤ حاصل كرس\_

حل:

- مساوات 8.5 سے غیر ضروری لہریں  $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$
- جزیٹر کی رفتار  $\frac{3600}{60} = \pi$  ہرٹز ہے یوں مساوات 8.4 کی مدد سے حاصل یک سمتی برقی دباؤ

$$e = \frac{12}{2} \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 1999.82 \,\mathrm{V}$$

-4



شكل 8.10: بيروني بيجان اور خود بيجان يک سمتي جنريثر.

#### 8.4 بیرونی بیجان اور خود بیجان یک سمتی جنریٹر

بیرونی ہیجان کی سمتی جزیئر کے میدانی کچھے کو بیرونی یک سمتی برقی دباؤ مہیا کی جاتی ہے جبکہ خود ہیجان کی کستی جزیئر کی سمتی جزیئر کی اپنی پیدا کردہ محرک برقی دباؤ ہی مہیا کی جاتی ہے۔ یک سمتی جزیئر کی کارکردگی اس کو بیجان کرنے کے طریقے پر مخصر ہے۔

شکل 8.10-الف میں قوی کیجے اور میدانی کیجے کو آپس میں عمودی بنایا گیا ہے۔ یہ ایک سادہ طریقہ ہے جس سے یہ یاد رہتا ہے کہ ان کیجھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں۔ یہاں قوی کیجھے کی شکل میکانی سمت کارکی طرح بنائی گئی ہے۔

چونکہ میدانی اور قوی کچھوں کی مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں ہم اس سے یہ اخذ کرتے ہیں کہ ایک کچھے کی برقی دباؤ دوسرے کچھے کی برقی دباؤ پر اثر انداز نہیں ہوتی۔اس کا مطلب ہے کہ مقناطیسی مرکز کی کسی ایک سمت میں سیرابیت اس سمت کی عمودی سمت میں سیرابیت پر اثر انداز نہیں ہوتی۔

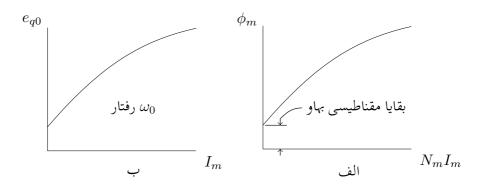
شکل 8.10-الف میں بیرونی بیجان مشین کی میدانی کچھے کو بیرونی یک سمتی برقی طاقت مہیا کی گئی ہے۔یوں میدانی کچھے کی برقی رو تبدیل کر کے اس کی میدانی مقناطیسی دباؤ  $\sigma$  میدانی مقناطیسی بہاو  $\sigma$  اور کثافت مقناطیسی بہاو

separately excited<sup>6</sup>

self excited<sup>7</sup> armature coil<sup>8</sup>

filed coil9

باب 8. یک سمتی رو مشین



شکل 8.11: میدانی برقی رو سے محرکی برقی دباؤ قابو کی جاتی ہے۔

 $B_m$  تبدیل کی جاسکتی ہے۔یوں جزیٹر کی محرک برقی دباؤ مساوات  $B_m$  تجت تبدیل کی جاسکتی ہے یا پھر موٹر کی مروڑ مساوات  $B_m$ 

برقی رو بڑھانے سے مرکز کا سیر اب ہونا شکل 8.11 میں واضح ہے۔ یوں برقی رو بڑھاتے ہوئے شروع میں محرک برقی دو بڑھانے سے مرکز کا سیر اب ہونا شکل 8.11 میں واضح ہے۔ یوں برقی رو پر ایبا نہیں۔ شکل میں خط ب مشین برقی دباؤ اور میدانی کچھے کی برقی رو براو راست متناسب ہو گی جبکہ زیادہ برقی دباؤ کو  $e_{q0}$  کی بجائے  $e_{q0}$  کھ کر اس بات کے کھلے سرے معائنہ سے حاصل کی جائے وی کھے سے حاصل کی گئی ہے اور یہ ایک معین رفتار  $\omega_0$  پر عاصل کی گئی ہے اور یہ ایک معین رفتار  $\omega_0$  برقی دباؤ وی کھے سے حاصل کی گئی ہو تو مساوات 8.4 کی مدد سے گئی ہے۔ اگر کسی اور رفتار  $\omega$  پر اس خط سے محرکی برقی دباؤ  $e_q$  عاصل کرنی ہو تو مساوات 8.4 کی مدد سے

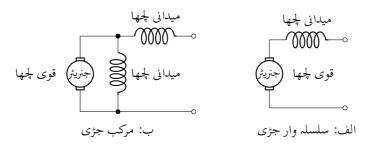
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

لعيني

$$e_q = \frac{rpm}{rpm_0}e_{q0}$$

جہاں رفتار کو چکر فی منٹ 10 میں بھی لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ یہ مساوات صرف اُس صورت میں درست ہے جب مقناطیسی میدان تبدیل نہ ہو۔

مقناطیسی مرکز اگر مقناطیس بنائی جائے تو اس میں بقایا مقناطیسی بہاو رہتی ہے۔یہ شکل کے حصہ الف میں دکھائی rpm, rounds per minute<sup>10</sup>



شكل 8.12: سلسلم وار اور مركب جڑى خود بيجان جنريثر.

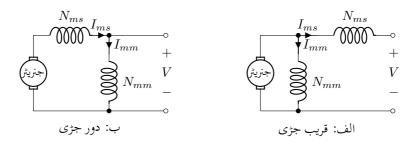
گئی ہے۔ یوں اگر میدانی کچھے کو بیجان نہ بھی کیا جائے تو جزیٹر کچھ محرکی برقی دباؤ پیدا کرے گی ا۔ یہ بقایا محرکی برقی دباؤ شکل ب میں صفر میدانی برقی روپر دکھائی گئی ہے۔

اگر خود میجان جزیٹر کو ساکن حال سے چالو کیا جائے تو بقایا محرکی برقی دباؤ پیدا ہو گی۔اس محرک برقی دباؤ سے میدانی کچھے میں برقی رو رواں ہو گا اور یوں مقناطیسی میدان پیدا ہو گا جس سے مشین ذرا زیادہ بیجان ہو جائے گا اور یوں اس کی محرکی برقی دباؤ بھی کچھ بڑھ جائے گی۔اس طرح کرتے کرتے مشین جلد پوری محرک برقی دباؤ پیدا کرنے شروع ہوتا ہے۔یہ سب اسی اثنا میں ہوتا ہے جب مشین کی رفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔

شکل 8.10-ب میں خود بیجان مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی کچھے متوازی جُڑے ہیں۔ اس طرح جڑی جزیٹر کو خود ہیجان متوازی جڑی<sup>12</sup> جزیئر کہتے ہیں۔اس شکل میں میدانی کچھے کے ساتھ ایک مزاحمت سلسلہ وار جڑی ہے۔اس مزاحمت کو تبدیل کر کے میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے جس سے بالکل بیرونی بیجان مشین کی طرح جزیئر کی محرکی برتی دباؤیا موڑ کی مروڑ تبدیل کی جاتی ہے۔

شکل 8.12 میں خود بیجان جزیر کی دو اور قسمیں دکھائی گئی ہیں۔ ایک خود ہیجان سلسلہ وار جڑی جزیر اور دوسری خود ہیجان سلسلہ وار جڑی جزیر میں میدانی اور قوی لیچے سلسلہ وار جڑے ہوتے ہیں۔ موکب جزیر میں میدانی اور دوسرا اس کے ہیں۔ موکب جزیر میں میدانی لیچے کے دو جھے ہوتے ہیں جن میں ایک قوی لیچے کے متوازی اور دوسرا اس کے سلسلہ وار جُڑے ہوتے ہیں۔ مزید ہے کہ متوازی جُڑا حصہ قوی لیچھ کے قریب ہو سکتا ہے یا پھر بیہ سلسلہ وار لیچھ کے دوسری جانب یعنی دور جُڑا ہو سکتا ہے۔ پہلی صورت میں اسے قریب جڑی موکب جزیر اور دوسری صورت میں دور جڑی موکب جزیر گئر اور دوسری صورت میں دور جڑی موکب جزیر گئر کہیں گے۔ شکل 8.13 میں مرکب جزیر کے دونوں اشکال دکھائے گئے ہیں۔

باب 8. یک سمتی رو مشین



شكل 8.13: مركب قريب جڑى اور مركب دور جڑى خود بيجان جنريٹر

یک سمتی موٹر بھی اسی طرح پکارے جاتے ہیں۔ یعنی شکل 8.10 کی طرح جڑی دو موٹروں کو ہیرونی ہیجان موٹر اور خود ہیجان متوازی جڑی موٹر کہیں گے۔موٹر میں قوی کچھے کی برقی رو کی سمت جزیٹر کے برقی رو کی سمت کے اُلٹ ہوتی ہے۔

ہر طرح جڑی یک سمتی جزیٹر کی میدانی مقناطیسی دباؤ اس کے میدانی کچھے کے چکر ضرب برقی رو کے برابر ہوتی ہے یعنی

$$\tau = N_m I_m$$

شکل 8.10 میں خود بیجان متوازی جڑی جزیٹر کی میدانی کچھے میں برتی رو اس کچھے اور اس کے ساتھ جڑی مزاحمت کے مجموعہ مزاحمت ہوگی یعنی  $R=R_m+R_m'$  یوں خود بیجان متوازی جڑی جزیٹر کے لئے اس مساوات کو بول کھا جائے گا۔

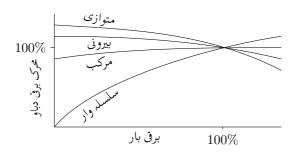
$$\tau_{m,m} = \frac{I_m V}{R_m + R'_m}$$

سلسلہ وار جڑی جزیئر میں میدانی برقی رو جزیئر کے قوی کیجھے کی برقی رو کے برابر ہوتی ہے للذا اس صورت میں اس مساوات کو یوں کھا جا سکتا ہے۔

$$\tau_{m,s} = N_m I_q$$

شکل 8.13 میں مرکب جزیٹر میں میدانی مقاطیسی دباؤ کے دو جصے ہیں۔اس میں  $N_{mm}$  چکر کے متوازی جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  اور  $N_{ms}$  چکر کے سلسلہ وار جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  ہے لہذا

$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$



شکل 8.14: یک سمتی جنریٹر کی محرک برقی دباؤ بمقابلہ برقی بوجھ کے خط۔

## 8.5 یک سمتی مشین کی کارکردگی کر خط

#### 8.5.1 حاصل برقى دباؤ بالمقابل برقى بوجه

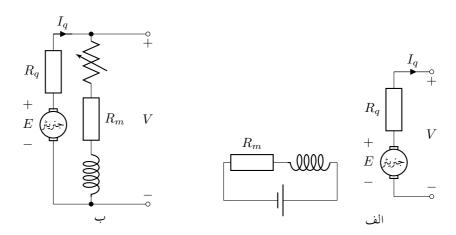
مختلف طریقوں سے بُڑے یک سمتی جزیٹروں سے حاصل برقی دباؤ بمقابلہ ان پر لدے برقی بوجھ کے خط شکل 8.14 میں دکھائے گئے۔ گھومتی رفتار معین تصور کی گئی ہے۔دھرے پر لا گو بیرونی میکانی طاقت جزیٹر کی مروڑ کے خلاف اسے گھمائے گی۔

ان خط کو سیجھنے کی خاطر پہلے بیرونی بیجان جزیٹر پر غور کرتے ہیں جس کی مساوی برتی دور شکل 8.15-الف میں دی گئی ہے۔ بیرونی بیجان جزیٹر پر برتی بوجھ لادنے سے اس کے قوی کیجھے کی مزاحمت  $R_q^{-13}$  میں برتی رو  $I_q$  گزرنے سے اس میں برتی دباؤ گھٹی ہے۔ للذا جزیٹر سے حاصل برتی دباؤ V، جزیٹر کی اندرونی محرک برتی دباؤ  $E_q$  سے قدرِ کم ہوتی ہے لیعنی

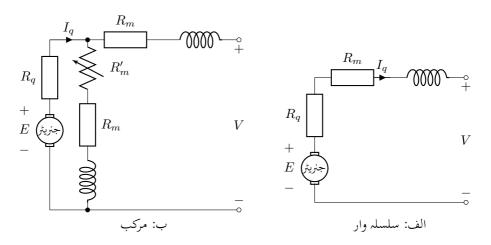
$$(8.15) V = E_q - I_q R_q$$

برقی بوجھ  $I_q$  بڑھانے سے جزیٹر سے حاصل برقی دباؤ کم ہو گی۔شکل میں بیرونی بیجان جزیٹر کی خط ایسا ہی رجحان ظاہر  $I_q$  کرتی ہے۔ حقیقت میں کچھ اور وجوہات بھی کار آمد ہوتے ہیں جن سے یہ خط سید تھی نہیں بلکہ جھکی ہوتی ہے۔

متوازی جڑی جزیٹر کے خط کا یہی رجمان ہے۔ متوازی جڑی جزیٹر پر بھی برتی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مزاحمت میں برتی دباؤ گھٹی ہے ۔یوں اس کے میدانی کچھے پر لاگو برتی دباؤ کم ہو جاتی ہے جس سے میدانی کچھے میں برتی رو باب 8. یک سمتی رو مشین او مشین



شکل 8.15: بیرونی بیجان اور متوازی جڑی جنریٹر کی مساوی برقی دور۔



شکل 8.16: سلسلہ وار اور مرکب جنریٹر کے مساوی برقی دور۔

بھی گھٹق ہے۔ اس سے محرک برقی دباؤ مزید کم ہوتی ہے۔اس طرح ان جزیٹر سے حاصل برقی دباؤ بمقابلہ برقی بوجھ کے خط کی ڈھلان بیرونی بیجان جزیٹر کی خط سے زیادہ ہوتی ہے۔

شکل 8.16 میں سلسلہ وار اور مرکب جزیٹر کی مساوی برقی داو دکھائے گئے ہیں۔سلسلہ وار جڑی جزیٹر کے میدانی کچھے میں لدے بوجھ کی برقی رو ہی گزرتی ہے۔اس طرح بوجھ بڑھانے سے میدانی مقناطیسی دباؤ بھی بڑھتی ہے جس سے محرک برقی دباؤ بڑھتی ہے۔اس کا خط یہی دکھا رہا ہے۔اس طرح جُڑے جزیٹر عموماً استعال نہیں ہوتے چو نکہ ان سے حاصل برقی دباؤ، بوجھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتی ہے۔

مرکب جڑی جزیٹر کی کارکردگی سلسلہ وار اور متوازی جڑی جزیٹروں کے مابین ہے۔مرکب جزیٹر میں بوجھ بڑھانے سے قوی کچھے کی وجہ سے حاصل برقی دباؤ میں کی کو میدانی کچھے کی بڑھتی مقناطیسی دباؤ پورا کرتی ہے۔یوں مرکب جزیٹر سے حاصل برقی دباؤ اس پر لدے بوجھ کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتی ہے۔

بیرونی بیجان، متوازی اور مرکب جڑی جزیر ول سے حاصل برقی دباؤ کو متوازی جڑی کی بھی میں برقی رو کی مدد سے وسیع حد تک تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

قوی لچھا چونکہ برتی بوجھ کو درکار برتی رو فراہم کرتی ہے للذا یہ موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے اور اس کے عموماً کم چکر ہوتے ہیں۔سلسلہ وار جزیٹر کے میدانی لچھے سے چونکہ مشین کا پوری برتی رو ہی گزرتا ہے للذا یہ بھی موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے۔باقی آلوں میں میدانی لچھے میں پورے برقی بوجھ کے چند ہی فی صد برقی رو گزرتی ہے للذا یہ بادیک موصل تارکی بنائی جاتی ہے اور اس کے عموماً زیادہ چکر ہوتے ہیں۔

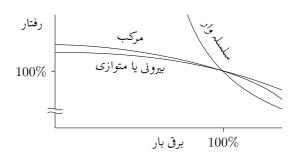
#### 8.5.2 رفتار بالمقابل مروڑ

یہاں بھی شکل 8.15 اور شکل 8.16 سے رجوع کریں البتہ شکل میں برقی روکی سمتیں اُلٹ کر دیں۔ یک سمتی موٹر بھی جزیٹروں کی طرح مختلف طریقوں سے جُوٹ جاتے ہیں۔ موٹر کو معین بیرونی برقی دباؤ دی جاتی ہے جہاں سے بید برقی رو حاصل کرتی ہے۔ برقی رو باہر سے قوی کیچے کی جانب چکتی ہے لہذا موٹر کے لئے لکھا جائے گا

$$V = E_q + I_q R_q \label{eq:V}$$
 
$$I = \frac{V - E_q}{R_q} \label{eq:V}$$

<sup>.</sup> کے زیر نوشت میں q لفظ قوی کے پہلی حرف ق کو ظاہر کرتی ہے  $^{13}$ 

260 باب 8. یک سمتی رو مشین



شکل 8.17: یک سمتی موٹر کی میکانی بوجھ بمقابلہ رفتار کے خط۔

بیرونی بیجان اور متوازی جڑی موٹروں میں میدانی کیچھے کو برقرار معین بیرونی برقی دباؤ فراہم کی جاتی ہے للذا میدانی متناطیسی بہاو پر میکانی بوجھ کا کوئی اثر نہیں۔ بڑھتی میکانی بوجھ اٹھانے کی خاطر مساوات 8.8 کے تحت قوی کیچھے کی متناطیسی بہاو بڑھنی ہو گی۔ بیہ تب ممکن ہو گا کہ اس میں برقی رو بڑھے۔ مساوات سے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کیچھے کی محرکی برقی دباؤ  $E_q$  گھٹے سے ہی ایبا ممکن ہے۔  $E_q$  موٹر کی رفتار پر منحصر ہے للذا موٹر کی رفتار کم ہو جائے گی۔ یوں میکانی بوجھ بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہوتی ہے۔ شکل 8.17 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

متوازی جڑی یا بیرونی بیجان موٹر تقریباً معین رفتار ہی برقرار رکھتی ہے۔اس کی رفتار بے بوجھ حالت سے پوری طرح بوجھ بردار حالت تک تقریباً صرف پانچ فی صد گفتی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی کچھ کی برقی رو تبدیل کر کے تبدیل کی جاتی ہے۔اییا میدانی کچھ کے ساتھ سلسلہ وار جڑی مزاحمت کی تبدیلی سے کیا جاتا ہے۔ان کی رفتار یوں وسیع حدوں کے مابین تبدیل کرنا ممکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بیرونی برقی دہاؤ تبدیل کر کے بھی رفتار قابو کی جاکتی ہے۔اییا عموماً قوی الیکٹرائکس کی مدد سے کیا جاتا ہے۔

ان موٹر کی ساکن حال سے چالو کرتے لمحہ کی مروڑ اور ان کی زیادہ سے زیادہ مروڑ قوی کچھے تک برقی رو پہنچانے کی صلاحیت پر منحصر ہے یعنی یہ میکانی سمت کار پر منحصر ہے۔

سلسلہ وار جڑی موٹر پر لدی میکانی بوجھ بڑھانے سے اس کے قوی اور میدانی کچھوں میں برقی رو بڑھے گ۔ میدانی مقاطیسی بہاو بڑھے گی اور مساوات 8.16 کے تحت  $E_q$  کم ہو گی جو موٹر کی رفتار کم ہونے سے ہوتی ہے۔ بوجھ بڑھانے سے ان موٹر کی رفتار کافی زیادہ کم ہوتی ہے۔ایسے موٹر ان جگہوں بہتر ثابت ہوتے ہیں جہاں زیادہ مروڑ درکار ہو۔بڑھتی مروڑ کے ساتھ ان کی رفتار کم ہونے سے ان کو درکار برقی طاقت مروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتا۔

یبال اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بوجھ سلسلہ وار جڑی موٹر کی رفتار خطرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔ایسے موٹر کو استعال کرتے وقت اس بات کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحہ بوجھ بردار رہے۔

ساکن حالت سے موٹر چالو کرتے وقت  $I_q$  کی قیمت زیادہ ہوتی ہے جس سے زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ یوں چالو کرتے وقت موٹر کی مروڑ خاصی زیادہ ہوتی ہے۔ یہ ایک اچھی خوبی ہے جس سے بوجھ بردار ساکن موٹر کو چالو کرنا آسان ہوتا ہے۔

مر کب موٹروں میں ان دو قسموں کی موٹروں کے خصوصیات پائے جاتے ہیں۔جہاں بوجھ بردار موٹر چالو کرنا ضروری ہو لیکن رفتار میں سلسلہ وار موٹر جتنی تبدیلی منظور نہ ہو وہاں مر کب موٹر کارآ مد ثابت ہوتے ہیں۔

مثال 8.2: ایک 75 کلو واٹ 415 وولٹ اور 1200 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلنے والے متوازی جڑی یک سمتی مثال 83.2 او بم موٹر کے قوی کچھے کی مزاحمت 0.072 او بم اور اس کی میدانی کچھے کی مزاحمت 83.2 او بم ہے۔موٹر جس بوجھ سے لدا ہے اس پر موٹر 1123 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلتے ہوئے 112 ایمپیئر لے رہی ہے۔

- میدانی برقی رو اور توی کیھے کی برقی رو حاصل کریں۔
  - موٹر کی اندرونی پیدا کردہ برقی دباؤ حاصل کریں۔
- اگر میدانی کچھے کی مزاحت 100.2 اوہم کر دی جائے مگر قوی کچھے کی برقی رو تبدیل نہ ہو تو موٹر کی رفتار حاصل کریں۔مرکز کی سیراہیت کو نظرانداز کریں۔

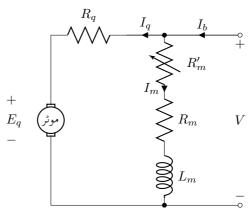
حل:

• شکل 8.18 سے رجوع کریں۔415 وولٹ پر میدانی کچھے کی برقی رو

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 \,\mathrm{A}$$

 $I_q = I_b - I_m = 112 - 4.988 = 107.012\,\mathrm{A}$  ہو گی۔یوں قوی کیچھے کی برقی رو

962 يک سمتي رو مشين



شكل 8.18: يك سمتى موثر كى مثال.

• يول يك سمتى موٹر كى اندروني پيدا كرده برقى دباؤ

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

-4

• اگر میدانی کیچے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے تب

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{100.2} = 4.1417 \,\text{A}$$

ہو گی ۔

• اگر قوی کیھے کی برقی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھی جائے تب

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \,\mathrm{V}$$

ہی رہے گی۔

• مساوات 8.4 کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کردہ برتی دباؤ تبدیل نہیں ہوئی مگر مقناطیسی بہاو تبدیل ہوا ہے للذا موٹر کی رفتار تبدیل ہو گی۔ان دو مقناطیسی بہاو اور رفتاروں پر اس مساوات کی نسبت

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$

میں چونکہ  $E_{q1}=E_{q2}$  المذا $E_{q1}=\omega_2\phi_{m1}$  المذا $E_{q1}=E_{q2}$  ہو گا۔ مرکزی سیراہیت کو نظرانداز کرتے ہوئے چونکہ متناطیسی بہاو میدانی دباؤ پر مخصر ہے جو از خود میدانی برقی رو پر مخصر ہے۔ للمذا اس آخری مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

جس سے نئی رفتار

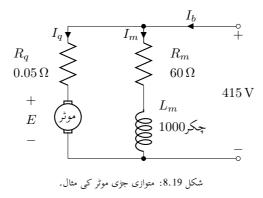
$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{4.988}{4.1417} \times 1123 = 1352.47$$

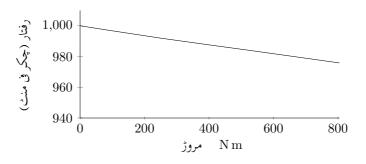
چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں ہم دیکھتے ہیں کہ میدانی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفتار بڑھتی ہے۔

مثال 8.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ متوازی جڑی یک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی مزاحمت 0.05 اوہم اور میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔بے بوجھ موٹر کی رفتار 1000 چکر فی منٹ ہے۔میدانی کچھا 1000 چکر کا ہے۔

- جب بیر موٹر ایمپیئر لے رہی ہو اس وقت اس کی رفتار معلوم کریں۔
  - 140 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین۔
  - 210 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین۔
  - اس موٹر کی رفتار بالقابل مروڑ گراف کریں۔

حل:





شكل 8.20: رفتار بالمقابل مروڑ.

• شکل 8.19 میں یہ موٹر دکھائی گئی ہے۔متوازی میدانی کچھے کی برقی رو پر بوجھ لادنے سے کوئی فرق نہیں پڑتا۔لہذا میدانی مقناطیسی بہاو بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر میں یکسال ہے۔بے باریک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی برقی رو I<sub>q</sub> قابل نظر انداز ہوتی ہے۔اس طرح مساوات 8.16 اور مساوات 8.10 سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \,\text{V}$$

$$I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.916 \,\text{A}$$

یعنی 415 وولٹ محرکی برقی دباؤ پر رفتار 1000 چکر فی منٹ یا 16.66 چکر فی سینڈ ہے۔70 ایمپیئر برقی بوجھ پر بھی  $I_m = 6.916$  می ہے جبکہ

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 \,\mathrm{A}$$

للذا مساوات 8.16 سے اس صورت میں

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458 \,\mathrm{V}$$

اور مساوات 8.10 سے رفتار (چکر فی منٹ) یوں حاصل ہوتا ہے

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}} rpm_0 = \frac{411.8458}{415} \times 1000 = 991.95$$

 $I_b = 140 \, \text{A}$  بین کچھ دوبارہ کرتے ہیں۔ یہاں •

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.916 = 133.084 \,\text{A}$$
 $E_q = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 \,\text{V}$ 
 $rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$ 

 $_{-}$  یہاں  $I_b = 210 \,\mathrm{A}$  یہاں •

$$I_q = I_b - I_m = 210 - 6.916 = 203.084 \,\text{A}$$
 
$$E_q = 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 \,\text{V}$$
 
$$rpm = \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83$$

• موٹر میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہیں۔ یوں اس کی میکانی طاقت اسے فراہم کی گئی برقی طاقت کے برابر ہو گی یعنی

$$(8.17) e_q I_q = T\omega$$

باب 8. یک سمتی رو مشین 266

70 ہول پچھلے جزوسے حاصل جوابات کی مدد سے بے بوجھ موٹر کی مروڑ صفر ہو گی تعنی  $T_0=0\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  جبکہہ والمہیئر پر مروڑ کی قیمت

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2 \times \pi \times 16.5325} = 250 \, \mathrm{N \, m}$$

ہو گی۔ یہاں 991.95 چکر فی منٹ کی رفتار کو 16.5325 ہرٹز لکھا گیا ہے۔ اسی طرح

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = 527 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

$$T_{210} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \,\text{N m}$$

یہ نتائج شکل 8.20 میں گراف کئے گئے ہیں۔

# فرہنگ

earth, 94	ampere-turn, 32
eddy current loss, 62	armature coil, 133, 253
eddy currents, 62, 128	axle, 163
electric field	
intensity, 10	carbon bush, 179
electrical rating, 59	cartesian system, 3
electromagnet, 132	charge, $9, 138$
electromotive force, 61, 139	circuit breaker, 180
emf, 139	coercivity, 44
enamel, 62	coil
energy, 42	high voltage, 56
Euler, 21	low voltage, 56
excitation, 61	primary, 55
excitation current, 51, 60, 61	secondary, 55
excitation voltage, 61	commutator, 167, 243
excited coil, 61	conductivity, 25
	conservative field, 110
Faraday's law, 37, 127	core, 55, 128
field coil, 133, 253	core loss, $62$
flux, 29	core loss component, 64
Fourier series, 63, 143	Coulomb's law, 9
frequency, 132	cross product, 13
fundamental, 144	cross section, 8
fundamental component, 64	current
	transformation, 66
generator	cylindrical coordinates, 5
ac, 162	
ground current, 94	delta connected, 92
ground wire, 94	design, 197
1	differentiation, 18
harmonic, 144	dot product, 16
harmonic components, 64	T 7 00
Henry, 38	E,I, 62

فربنگ

permeability, 25	hunting, 180
relative, 26	hysteresis loop, 45
phase current, 94	
phase difference, 23	impedance transformation, 71
phase voltage, 94	in-phase, 70
phasor, 21	induced voltage, 37, 48, 61
pole	inductance, 38
non-salient, 142	I 1 40
salient, 142	Joule, 42
power, 42	lagging, 22
power factor, 23	laminations, 31, 62, 128
lagging, 23	, , ,
leading, 23	leading, 22 leakage inductance, 79
power factor angle, 23	leakage reactance, 79
power-angle law, 190	
primary	line current, 94
side, 55	line voltage, 94
	linear circuit, 228
rating, 96, 97	load, 98
rectifier, 167	Lorentz law, 138
relative permeability, 26	Lorenz equation, 104
relay, 103	magnetic constant, 25
reluctance, 26	magnetic core, 31
residual magnetic flux, 44	magnetic field
resistance, 25	intensity, 11, 32
rms, 48, 166	magnetic flux
rotor coli, 106	density, 32
rpm, 158	leakage, 78
	magnetizing current, 64
saturation, 46	mmf, 29
scalar, 1	model, 81, 209
self excited, 253	mutual flux linkage, 41
self flux linkage, 41	mutual inductance, 41
self inductance, 41	mutuai muuctanee, 41
separately excited, 253	name plate, 97
side	non-salient poles, 179
secondary, 55	Polos, 1.0
single phase, 23, 59	Ohm's law, 26
slip, $211$	open circuit test, 85
slip rings, 178, 231	orthonormal, 3
star connected, 92	•
stator coil, 106, 129	parallel connected, 255

269 فرہنگ

VA, 75 vector, 2 volt, 139 volt-ampere, 75 voltage, 139 DC, 167 transformation, 66	steady state, 177 step down transformer, 58 step up transformer, 58 surface density, 11 synchronous, 132 synchronous inductance, 186 synchronous speed, 158, 178
Watt, 42 Weber, 32	Tesla, 32 theorem
winding distributed, 142	maximum power transfer, 230 Thevenin theorem, 228
winding factor, 149	three phase, 59, 92 time period, 100, 144 torque, 168, 211 pull out, 180 transformer air core, 59
	communication, 59 ideal, 65 transient state, 177
	unit vector, 2

فرېنگ

پترياں، 62	ابتدائى
پوريان 20 پورا بوجھ، 199	بېتىنى جانب، 55
پرو بو به، 80 پیچهر ، 80	لچها، 55
پینپ ہے۔ پیش زاویہ، 22	ارتباط بهاو، 37
<b> v</b>	استعداد، 96، 97
تاخیری زاویہ، 22	اضافى
تار كى برقى دباؤ، 94	زاویائی رفتار، 214
تار کی برقی رو، 94	اكائي سمتيه، 2
تانبا، 28	امالہ، 38
تبادلہ	امالى برقى دباؤ، 37، 48،
ركاوك، 71	اوېم ميثر، 239
تختى، 97	ايک، تين پترياد، 62
تدریجی تفرق، 115	ایک مرحلہ، 59
تعدد، 132	ايمپيئر-چكر، 32
تعقب، 180	
تفرق، 18	بار، 138
جزوی، 18	برقرار چالو، 100، 177
تكمل، 19	برقى استعداد، 59
تكونى جوڙ، 92	برقى بار، 9، 138
توانائي، 42	برقى دباۋ، 28، 139
تين مرحلہ، 59، 92	تبادلہ، 56، 66
	محرى، 139
الرانسفارمر	بيجاني، 187
برقى دباؤ، ميٹر، 59	یک سمتی، 167
بوجھ بردار، 69	يرقى رو، 28
خلائي مركز والا، 59	بهنور نما، 128
دباؤ بڑھاتا، 58	تبادلہ، 66
دباؤ گهڻاتا، 58	بيجان انگيز، 51
ذرائع ابلاغ، 59	برقی میدان، 10
رو، میٹر، 59	شدت، 10، 27
كامل، 65	بش، 179
ٹسلا، 32	بناوٹ، 85
ٹھنڈی تار، 94	بنیادی جزو، 64، 144
<i>55</i> d ds	بوجه، 98
ثانوي جانب، 55	بهِتْی، 116
جاول، 42	بهنور نما
	برقی رو، 62
جزو پهيلاو، 149	ضياع، 62 ما ما م
پهيارو، 147 جزو طاقت، 23	بهنور نما برقی رو، 128 مهر
جزو طافت، 23 پیش، 23	بے بوجھ، 60
پيس، 23 تاخيرى، 23	پترى، 31، 128
احیری، <i>د</i>	پری، 31 (31)

فرېنگ

سطحي كثافت، 11	جنريثر
سلسلہ وار، 147	بدلتی رو، 162
سمت کار، 243	<b>ج</b> وڙ
برقیاتی، 167	تكونى، 92
میکانی، 167	ستاره نما، 92
سمتيد، 2	
عمودی اکائی، 3	چکر فی منٹ، 128
سىمتى رفتار، 104	چوٹی، 213
سيرابيت، 46	خطی
	سميني برقى دور، 228
ضرب صلیبی، 13	برهی دور، 220 خود ارتباط بهاو، 41
ضرب نقطه، 16	خود ارتباط بههو، ۱. خود اماله، 41
طاقت، 42	11 (2017)
طاقت، 42 طاقت بالمقابل زاويد، 190	داخلي بيجان
طافت بالمقابل راوید، 170 طول موج، 19	سلسلم وار، 255
عول موج، را	متوازى، 255
عارضی صورت، 177	مرکب، 255
عمودی تراش، 8	دور جڑی مرکب، 255
رقبہ، 8	دور شكن، 180
	دورى عرصه، 100، 144
غير معاصر، 180	دهرا، 163
فورئير، 252	رستا
فوريئر تسلسل، 63، 143 	امالہ، 79
فيراڈے	متعاملہ، 79
قانون، 37، 127	رستا متعامليت، 219
قانون	رفتار
عمود اوہم، 26	اضافی زاویائی، 214
	روغن، 62
كەلمپ، 9	
كولمب، 9 لورينة، 138	رياضي نمونه، 81، 209
لورينز، 138	
لورينز، 138 قدامت پسند ميدان، 110	ریاضی نمونہ، 81، 209 ریلے، 103
لورينز، 138 قدامت پسند ميدان، 110 قريب جڑى مركب، 255	ریاضی نمونہ، 81، 209 رِیلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23
لورينز، 138 قدامت پسند ميدان، 110 قريب جزى مركب، 255 قطب	ریاضی نمونہ، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94
لورینز، 138 قدامت پسند میدان، 110 قریب جڑی مرکب، 255 قطب قطب ابھرے، 142، 179	ریاضی نمونه، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94 زمینی برقی رو، 94
لورینز، 138 قدامت پسند میدان، 110 قریب جڑی مرکب، 255 قطب ابھرے، 142، 179 ہموار، 142، 179	ریاضی نمونہ، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94
لورينز، 138 قدامت پسند ميدان، 110 قريب جڑى مركب، 255 قطب ابھرے، 142، 179 بموار، 142، 179 قوى اليكٹرانكس، 209، 243	ریاضی نمونه، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94 زمینی برقی رو، 94
لورینز، 138 قدامت پسند میدان، 110 قریب جڑی مرکب، 255 قطب ابھرے، 142، 179 ہموار، 142، 179	ریاضی نمونه، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94 زمینی برقی رو، 94 زمینی تار، 94
لورينز، 138 قدامت پسند ميدان، 110 قريب جڑى مركب، 255 قطب ابھرے، 142، 179 بموار، 142، 179 قوى اليكٹرانكس، 209، 243	ریاضی نمونه، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94 زمینی برقی رو، 94 زمینی تار، 94 ساکن لچھا، 106، 129
لورينز، 138 قدامت پسند ميدان، 110 قريب جڑى مركب، 255 قطب قطب بهران، 142، 179 بموار، 142، 179 قوى اليكٹرانكس، 209، 243 قوى لچھے، 253	ریاضی نمونہ، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94 زمینی برقی رو، 94 زمینی تار، 94 ساکن لچھا، 106، 129 ستارہ نما جوڑ، 92
لورينز، 138 قدامت پسند ميدان، 110 قريب جڑى مركب، 255 قطب قطب ابهرے، 142، 179 بموار، 142، 179 قوى اليكٹرانكس، 209، 243 قوى ليكٹرانكس، 209، 253 كاربن بش، 179	ریاضی نمونه، 81، 209 ریلے، 103 زاویہ جزو طاقت، 23 زمین، 94 زمینی برقی رو، 94 زمینی تار، 94 ساکن لچھا، 106، 129 ستارہ نما جوڑ، 92 سرک، 211

مشتركه اماله، 41	كثافت
معاصر، 132	برقى رو، 27
معاصر امالہ، 186	كثافت مقناطيسي بهاو
معاصر رفتار، 158، 178	بقايا، 44
معائنه	كسر دور، 38
کھلے دور، 85	
مقداری، 1	گرم تار، 94
مقناطيس	گهومتا لچها، 106
برقى، 132	
چال کا دائرہ، 45	لچها
خاتم شدت، 44	ابتدائى، 55
مقناطیسی برقی رو، 64	پهيلے، 142
مقناطیسی بهاو، 29	پيچدار، 39
رستا، 78	ئانوى، 55
كثافت، 32	زيادە برقى دباۋ، 56
مقناطیسی چال، 51	ساكن، 106
مقناطیسی دباؤ، 29	سمت، 135
سمت، 143	قوى، 133
مقناطیسی مرکز، 31، 55	كم برقى دباؤ، 56
مقناطیسی مستقل، 25، 168	گهومتا، 106
جزو، 26، 30	میدانی، 133
مقناطيسي ميدان	
شدت، 11، 32	محدد
موثر، 19، 48	کارتیسی، 3
موثر قيمت، 166	نلکی، 5
موسيقائي جزو، 64، 144	محرک برقی دباؤ، 61 122
موصليت، 25	محور، 163
میدانی لچھے، 253	مخلوط عدد، 194 مرحلی سمتیہ، 21، 188
	مرحلي سمتيہ، 21) 100 مرحلي فرق، 23
واك، 42	مرحمتي هري، 25 مرکب جنريشر، 255
وولث، 139	سر تب جنوبیر، 122 مرکز، 128
وولث-ايمپيئر، 75	مر تر، ۱۱۵۰ مرکزی ضیاع، 62
ويبر، 32	مر نزی طبیع، 02 جزو، 64
ويبر-چکر، 37	جرو، 168. مروز، 188. 211
ہیکیاہٹ، 26، 29	مرور، 100، 117 انتہائے، 180
	مراحمت، 25
ہم قدم، 70 بیجان، 61	مزاحمت، 20 مساوات لورينز، 104
	la .
بيرونى، 253 خ.د. 253	مسئلہ تعددی 228
خود، 253	تهونن، 228

273 فرہنگ

یک مرحلہ، 23 یک مرحلہ برقی دباؤ، 94 یک مرحلہ برقی رو، 94 یولر مساوات، 21 برقی دباؤ، 61 برقی رو، 61 بیجان انگیز برقی رو، 60 بیجانی برقی دباؤ، 187

> یک سمتی رو مشین، 243