برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

ix		ديباچه
3	<i>ڡ</i> ؙ <i>ڹ</i>	1 بنیادی خ
3	ينياد ي اکائيال	1.1
3	غيرستى	1.2
4	سمتير	1.3
5		1.4
5	1.4.1 كارتيسى محدد ي نظام	
7	1.4.2 نىکى محددى نظام	
9	سمتيررقبر	1.5
11	رقبه عمودی تراش	1.6
12	ىر قى اور مقناطىيى مىدان	1.7
12	1.7.1 برتی میدان اور برتی میدان کی شدت	
13	1.7.2 متناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت	

iv

13	سطحیاور حجمی کثافت	1.8	
13	1.8.1 منطحی ثثافت		
14	محجى كثافت	1.9	
15	صليبي ضرب اور ضرب نقط	1.10	
15	1.10.1 صلیبی ضرب		
17	1.10.2 نقطى ضرب نقطى ضرب.		
20	تفرق اور جزوی تفرق	1.11	
20	خطی تکمل	1.12	
21	سطح تمل	1.13	
22	دوری سمتنی	1.14	
27) او وار	يمقناطيسي	2
2727)اد وار مزاحمت اور نتچکچاہٹ		2
		2.1	2
27	مزاحمت اور نتکچابث	2.1	2
27 28 30	مزاحمت اور نتیکچابٹ	2.1	2
27 28 30 32	مزاحمت اور نتیکچابث	2.1 2.2 2.3	2
27 28 30 32 34	مزاجمت اور نیکچاب میران کی شدت گافت برقی رواور برقی میدان کی شدت گافت برقی او دار میدان کی شدت برقی او دار میدان کی شدت متناطبیی دور حصه اول میناطبی کی دور حصه کی دور	2.1 2.2 2.3 2.4	2
27 28 30 32 34 36	مزاحمت اور نتیکچابث کثافت برتی رواور برتی میدان کی شدت برقی ادوار مقناطیسی دور حصه اول کثافت متناطیسی بهاواور متناطیسی میدان کی شدت	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5	2
27 28 30 32 34 36	مزاجمت اور نیمکیاب گافت برقی رواور برقی میدان کی شدت برقی ادوار مقناطیسی دور حصه اول گافت مقناطیسی بهاواور مقناطیسی میدان کی شدت مقناطیسی دور حصه دوم	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2

عـــنوان

57																															^	نسفار	ٹران	3
58					•			•																		ت	اہمیہ	کی	ار م	رانسفا	*	3	.1	
61																										مام	لحاقه	ر_	ار م	رانسفا	رُ	3	.2	
61																												باو	قىد	الی بر	ا	3	.3	
63										•							•						ياع	ىن	قالب	واور	قىرو	ربرا	انگيز	بجان	Ĩ	3	.4	
66			•		•			•	•											Ü	واح	کے خو	رو_	_ قی	له	تباد	واور	ادبا	برقی	بادله	تې	3	.5	
70										•												ژ	با)جان	رائح	كاابتا	وجھ	ب بو	جانسه	انوی.	ť	3	.6	
71					•																ب	طله	الار	نطوا	ير پر نق	ت	علام	کی	ار م	رانسفا	<i>*</i>	3	.7	
72										•							•										لہ .	نبادا	ك كا:	كاور	'n	3	.8	
77										•							•							بئر	يميد	ك-ا	ولر <u>.</u>	کاو	ار م	رانسفا	,	3	.9	
79										•							•					ار	ادو	باوك	رمر	بداور	امال	ر_	ار م	رانسفا	,	3.1	0	
79															نا	ہ کر	نده	عليح	امليه	امتعه	کی	.اگ	ن اور	حمت	مزا	ے کی	"	3	3.1	0.1	1			
81																									. ،	نامال	دِست	3	3.1	0.2	2			
82																		ن	ران	کےاث	_,	لب	ور قا	رواه	۔ تی	ی بر	ثانو	3	3.1	0.3	3			
83										•	•										باو	قى د	بابر	كالمالخ	يھے	ب ی -	ثانو	3	3.1	0.4	4			
83															ت	رار	اثر	2	مله	متعا	ور	تا	زاحمه	کی مز	ر گھے	ب ی	ثانو	3	3.1	0.5	5			
85																		وليه	. تبا	انب	ناج	نانو ک	ئىية	بتدا	16.	وٹ	رکا	3	3.1	0.6	5			
87																	ار	ادوا	وی	مسا	ين	ەتر	ساد	کے	. مر	سفار	ٹران	3	3.1	0.7	7			
88					•																		ائنه	ر مع	ردو	ركس	نداو	حا يَ	ورم	کھلے و	<u>-</u>	3.1	1	
89																								ئنہ	معا	دور	كطلا	3	3.1	1.1	1			
91										•														ئنه	معا	ردور	كم	3	3.1	1.2	2			
95																							•		٠.	رمر	نسفا)ٹرا	وري	نين و	;	3.1	2	
103																		زر	کا گز	ارو	رق	کی بر	ه محر	ز باد	لمحد	تے	لو کر	حال	ار م	. انسفا	ٹر	3.1	3	

vi

ميكانى توانائى كا بابمى تبادله	بر قی اور	4
مقناطيسي نظام ميں قوت اور قوت مروڑ	4.1	
تبادلية توانائي والاايك لچھے كانظام	4.2	
توانا كي اور ۽ مه توانا كي	4.3	
متعدد کیجھوں کامقناطیسی نظام	4.4	
شین کے بنیاد کی اصول 129	گو <u>متے</u> ^	5
تانون فیراڈے	5.1	
معاصر مشين	5.2	
محرک برقی دیاو	5.3	
ت ي لي كچيے اور سائن نمامقناطيسي دياو	5.4	
5.4.1 بدلتارووالے مشین		
مقناطيسي د باو کي گھو متى امواج کی متناطبیتی د باو کی گھو متی امواج کی ساتھ متناطبیتی د باو کی گھو متی امواج کی ساتھ کی کی ساتھ کی سات	5.5	
5.5.1 ایک دورکی لپنی مشین		
5.5.2 تين دور کي لپني مشين کا تحليلي تجربير		
5.5.3 تين دور کي لپني مشين کاتر سيمي تجربيه		
محرک بر قی د باد	5.6	
5.6.1 بدلتاروبرتی جزیئر		
5.6.2 کیک سمت روبر تی جزیئر		
جموار قطب مشینوں میں قوت مروڑ	5.7	
5.7.1 ميكاني قوت مر ور بذريعه تركيب تواناني		
5.7.2 ميكاني توت مر وژيدرييه مقناطيسي بهاو		

vii

ر مشين 179	ال حال، بر قرار چالو معاص	6 كيا
ىرمشين	6 متعدد مرحله معاص	.1
امالہ	6 معاصر مشین کے ا	.2
الله	6.2.1 نود	
تر که الله	6.2.2 شخ	
صراماله	6.2.3 معا	
ماوى دوريارياضى نمونه	6 معاصر مثين كامسا	.3
لى	6 برقی طاقت کی منتقا	.4
ر چالو مثین کے خصوصیات	6 كيسان حال، برقرار	.5
196	6.5.1 معا	
197	6.5.2 معا	
رمعائنه	6 کھلے دوراور کسرِ دو	.6
يەدور معائنە	6.6.1	
ر دور موائد	6.6.2 کبر	

211	امالی مشیرز	7
ساكن كمچھوں كى گھومتى مقناطىيى موج	7.1	
مشین کی سر کنے اور گھومتی موجول پر تبھرہ	7.2	
ساكن كيچمول مين امالي برقى دياو	7.3	
ساكن لچھوں كى مون كا گھومتے لچھوں كے ساتھوا ضافى رفتاراوران ميں پيداامالى برقى د باو	7.4	
گھومتے کچھوں کی گھومتی متناطبی دیاو کی موج	7.5	
گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے ۔	7.6	
المالى موٹر كا مسادى برقى دور	7.7	
مىاوى برقى دورېرغور	7.8	
المالي موشر كامساوى تقونن دورياريا ضي نمونه	7.9	
چنجر انمالهلي موٹر	7.10	
بے پوچھ موٹراور جامد موٹر کے معائنہ	7.11	
7.11.1 بے پوچھ موثر کا معائنہ		
7.11.2 جامد موثر کا معائنہ		
رو ^{مش} ين 245	يك سمت	8
ميكاني ست كاركي بنيادى كاركردگى	8.1	
8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل		
يک ست جزير کي بر قي د باو	8.2	
قوت مرورث	8.3	
بير وني بيجان اور خود بيجان يك سمت جزير	8.4	
يک سمت مشين کي کار کرد گي کے خط	8.5	
8.5.1 حاصل برتی د باو بالتقابل برتی بوجه		
8.5.2 رفتار بالقابل قوت مرور		
269	ئ	فرہناً

عـــنوان

0.8.3

باب5

گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشینوں کے بنیادی اصولوں پر غور کیا جائے گا۔ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قشم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

5.1 قانون فيراد ك

قانور فیراڈے 1 کے تحت جب بھی کسی کچھے کا ارتباط بہاو λ وقت کے ساتھ تبدیل ہو، اس کچھے میں برقی دباو پیدا ہو گا:

$$(5.1) e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = N \frac{\partial \phi}{\partial t}$$

چونکہ ہمیں برقی دباو کی قیمت ناکہ اس کے ہے ہے ولچین ہے لہذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔

گھومتے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے پیدا کی جا سکتی ہے۔مثلاً کچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھما کر یا ساکن کچھے میں مقناطیس گھما کر، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law¹

ان برقی مثینوں میں کچھے مقناطیسی قالب² پر لییٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباو سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو ماصل کیا جاتا ہے اور کچھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ مزید قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کے مقام پر پہنچایا جاتا ہے۔

ان مشینوں کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو³ پیدا ہوتا ہے۔ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر باریک لوہے کی پتری⁴ تہہ در تہہ رکھ قالب بنایا جاتا ہے۔ ۔ آپ کو یاد ہو گا، ٹرانسفار مرکا قالب بھی اس طرح بنایا جاتا ہے۔

5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصر برقی جزیئر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے۔ اس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ θ_m سے بتلائی جاتی ہے۔ افتی کیبر سے گھڑی کے مخالف زاویہ θ_m ناپا جاتا ہے۔

یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیں ایک مقررہ رفتار ہے، فی سینڈ n مکمل چکر کائنا ہو تب ہم کہتے ہیں کہ اس مقناطیں کے گھومنے کا تعدد n ہرٹر آئی ہے۔ اس بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیں 60n فی منٹ 6 کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 360 زاویہ یا 2π ریڈ بیک 7 پر مشتمل ہوتا ہے للذا گھومنے کی اس رفتار کو 2π ریڈ بیک فی سیکٹہ بھی کہہ سکتے ہیں۔ یوں اگر مقناطیس f ہرٹز کی رفتار سے گھوم رہا ہو تب ہے 2π میں خوام کی جاتا ہے۔

$$(5.2) \omega = 2\pi f$$

اس كتاب مين كهومنے كى رفتار كو عموماً ريدينن في سينٹر مين بيان كيا جائے گا۔

شکل 5.1 میں مثین کے دو مقاطیسی قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطبی مثین کہتے ہیں۔ ساکن قالب میں، اندر کی جانب دو شگاف ہیں، جن میں N چکر کا کچھا موجود ہے۔ کچھے کو a اور a سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس کچھے کی بنا

magnetic core²
eddy currents³
laminations⁴
Hertz⁵

nertz-

rounds per minute, rpm⁶ radians⁷

5.2 معاصر مشين



شکل 5.1: دوقطب، یک دوری معاصر جنریٹر۔

اس مشین کو ایک کچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ چونکہ یہ کچھا جزیٹر کے ساکن حصہ پر پایا جاتا ہے للذا یہ کچھا بھی ساکن ہو گا جس کی بنا اسے ساکھے کچھا⁸ کہتے ہیں۔

مقناطیس کا مقناطیسی بہاو شالی قطب 9 N سے خارج ہو کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر، دوسرے خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، مقناطیس کے جنوبی قطب 10 S میں داخل ہو گا۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہلکی سیابی کے کمیروں سے دکھایا گیا ہے۔ یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کچھے میں سے بھی گزرتا ہے۔ شکل 5.1 میں مقناطیس سیدھی سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔

شکل 5.2 میں مقناطیس تقریباً گول ہے اور اس کے محور کا زاویہ θ_m صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن قالب کے پچ صفر زاویہ، $0 = \theta$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ، $0 = |\theta|$ ، پر زیادہ سے زیادہ سے کم خلائی درز پر پچکچاہٹ کم ہو گی جبکہ زیادہ خلائی درز پر پچکچاہٹ زیادہ ہو گی للذا $0 = \theta$ پر خلائی درز سے زیادہ مقناطیسی بہاو گزرے گا۔خلائی درز کی لمبائی یوں تبدیل کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا ہو۔ مقناطیسی بہاو مقناطیس سے قالب میں عمودی زاویہ پر داخل ہوتا ہے۔ اگر خلائی درز میں 0 = 0 سائن نما ہو

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

تب کثافت مقناطیسی بہاو B صفر زاویہ $\theta_p=0^\circ$ ، پر زیادہ سے زیادہ اور نوے زاویہ، $\theta_p=90^\circ$ ، پر صفر ہو گی اور خلائی درز میں مقناطیسی بہاو $\theta_p=0$ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ $\theta_p=0$ کو مقناطیس کے شالی قطب سے گھڑی کے مخالف

stator coil⁸ north pole⁹ south pole¹⁰



شكل 5.2: كثافت مقناطيسي بهاواور زاويه كاتبديلي_

رخ ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جے کے باہر نو کیلی لکیروں کی لمبائی سے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت اور کلیروں کے رخ سے بہاو کا رخ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ہاکی سیابی سے $^{\circ}0$ - $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ اور $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ $^{\circ}0$ پر مقناطیسی بہاو رداسی رخ جبہ باتی آ دھے میں مخالف کے مخالف ہے۔ یوں شکل 5.2 میں آ دھے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو کا ترسیم سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس دوسرے زاویہ پر دکھایا گیا ہے۔ یاد رہے کثافت مقناطیسی بہاو کی مطلق قیمت مقناطیس کے شائی قطب پر زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ ور شائی قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداسی رخ ہو گی۔ شکل 5.3 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رہ وگا۔ شکل قطب پر کثافت مقناطیسی بہاو رداسی درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔

(5.4)
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

يوں درج ذيل ہو گا۔

$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس کا سائن نما مقناطیسی دباو پیش کیا گیا ہے۔ جیسا شکل 5.4 میں دکھایا گیا ہے، ایسے مقناطیسی دباو کو عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباو کا حیطہ اور سمتیہ کا رخ مقناطیس کے شال کو ظاہر کرتا ہے۔ 5.2 معاصر مشين









شکل 5.5: چار قطب یک دوری معاصر جنریٹر۔

شکل 5.3 میں مقناطیس کو لمحہ t_1 ، زاویہ $\theta_m(t_1)$ پر دکھایا گیا ہے جہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو $\theta_m(t_1)$ مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار ω_0 سے گھوم رہا ہو تب ساکن کچھے میں اس لمحہ پر برقی دباو e(t) پیدا ہو گا:

(5.6)
$$e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

آوھے چکر، π ریڈیئن گھومنے کے، بعد مقناطیسی قطبین آپس میں جگہیں تبدیل کرتے ہیں، کچھے میں مقناطیسی بہاو کا رخ الٹ ہو گا، کچھے میں ارتباط بہاو θ_0 اور اس میں امالی برقی دباو e(t) ہو گا۔ ایک مکمل چکر بعد مقناطیس دوبارہ ای مقام پر ہو گا جو شکل 5.3 میں دکھایا گیا ہے، ساکن کچھے کا ارتباط بہاو دوبارہ θ_0 اور اس میں امالی برقی دباو کی دباو کو گا۔ یوں جب بھی مقناطیس $\theta_m = 2\pi$ میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں $\theta_m = 2\pi$ میکانی زاویہ طے کرے، امالی برقی دباو کے برقی زاویہ میں دو سرے کے برابر تبدیلی رونما ہوگی لہذا دو قطب، ایک کچھے کی مثنین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_0 ایک دو سرے کے برابر ہوں گ

$$\theta_e = \theta_m$$

اس مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e وقت کے ساتھ تبدیل ہونے کے باوجود آپس میں ایک تناسب رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 0 کہتے ہیں۔ یہاں یہ تناسب ایک کے برابر ہے۔

frequency¹¹

Hertz¹²

synchronous machine¹³

5.2 معاصر مشين

شکل 5.5 میں چار قطب، یک دوری معاصر جزیٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مشینوں میں عموماً مقناطیس جبکہ بڑے مشینوں میں برقی مقناطیس 14 استعال ہوتے ہیں۔ اس شکل میں برقی مقناطیس استعال کیے گئے ہیں۔ دو سے زائد قطبین والے مشینوں میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ قطب تصور کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس حوالہ قطب کو θ_m پر دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شالی قطب کو θ_m زاویہ پر ہے۔

حییا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں مقناطیس کے چار قطبین ہیں۔ ہر ایک ثالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مقناطیسی قطبین کے جوڑوں کی تعداد اور ساکن کچھوں کی تعداد ایک دوسرے قطب آتا ہے۔ یک دوری آلات میں مثنا سے قطبین قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر کے برابر ہوتی ہے۔ شکل 5.5 میں مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑی قطبین ہیں، للذا اس مشین کے ساکن حصہ پر دو ساکن کچھے ہوں ہیں۔ ایک کچھے کو واشح کیا گیا ہے اور دوسرے کو ہے ہے۔ کچھے کو قالب میں موجود دوشگان اور a_1 میں رکھا گیا ہے۔ ان وونوں کچھوں دوشگان اور a_2 میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں میں یکسال برقی دباو پیدا ہوتا ہے۔ دونوں کچھوں کو سلسلہ وار 15 جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیڑ سے حاصل برقی دباو ایک کچھے میں پیدا برقی دباو کا دگنا ہو گا۔ یک دوری آلات میں قالب کو مقناطیس کے قطبین کی تعداد کے برابر حصوں میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا میں تقسیم کرنے سے مشین کا ہر ساکن کچھا ایک حصہ گھرتا ہے۔ شکل 5.5 میں چار قطبین ہیں للذا اس کا ایک کچھا نوے مکانی زاویہ کے اطاطے کو گھیرتا ہے۔

ساکن اور حرکی کیجھوں کی کار کردگی ایک دوسرے سے مختلف ہوتی ہے۔اس کی وضاحت کرتے ہیں۔

جیسا پہلے بھی ذکر کیا گیا چھوٹی گھومتی مشینوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی مشینوں میں برقی مقناطیس کو گھومتا حصہ دکھایا گیا ہے، حقیقت میں برقی مقناطیس کی مشین میں گومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت میں مقناطیس کسی مشین میں گھومتا اور کسی میں ساکن ہو گا۔ میدان فراہم کرنے والے اس کچھے کو میدانی لچھا¹⁶ کہتے ہیں۔اس کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔میدان فراہم کرنے والے اس کچھے کو میدانی لچھا کہ ہیں۔اس کے برعکس مشین میں موجود دوسری نوعیت کے لچھے کو قومی لچھا¹⁷ کہتے ہیں۔برقی جزیر کے قوی کچھے سے برقی طاقت کے برعکس مشین میں موجود دوسری نوعیت کے لچھے میں چند فی صد برقی طاقت کے ضیاع کے علاوہ تمام برقی طاقت وی کچھے کو فراہم کی جاتی ہے۔

شکل 5.6 میں گھومتے اور ساکن حصہ کے بی خلائی درز میں شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر نکل کر قالب میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں داخل ہوتا ہے۔ شکل 5.6 میں

electromagnet¹⁴

series connected 15

field coil¹⁶

armature coil¹⁷







شكل 6.5: چار قطب، دولچھے مثین میں مقناطیسی بہاو۔

اس مقناطیسی بہاو کی کثافت کو دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کا ٹیس تو مقناطیسی بہاو کا رخ دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گا۔ ان مشینوں میں کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس پر آگے خور کیا جائے گا۔ اگر تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہے تب خلائی درز میں B کی مطلق قیت شکل 5.7 کی طرح ہو گی جہاں θ برتی زاویہ ہے۔

P قطبی مقناطیس کے معاصر مثین کے لئے لکھ درج ذیل ہو گا۔

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$(5.8) f_e = \frac{P}{2} f_m$$

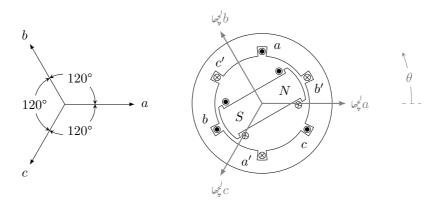
یہاں برقی اور میکانی تعدد کا تناسب 2 ہے۔

مثال 5.1: پاکستان میں گھریلو اور صنعتی صارفین کو $_{\rm Hz}$ کی برتی طاقت فراہم کی جاتی ہے۔یوں ہمارے ہاں $f_e=50$

- اگر برقی طاقت دو قطبی جزیٹر سے حاصل کی جائے تب جزیٹر کی رفتار کتنی ہو گی؟۔
 - اگر جزیر کے بیں قطب ہوں تب جزیر کی رفار کتنی ہو گی؟

حل:

5.2 معاصر شين



شکل 5.8: دو قطب، تین دوری معاصر مثین ـ

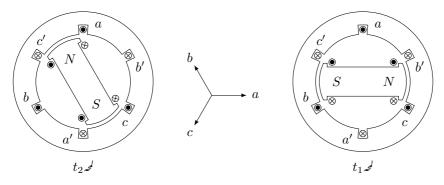
- مساوات 5.8 تحت وو قطبی، P=2، جنریٹر کا میکانی رفتار 50=6 تحت وو قطبی، P=9، جنریٹر کا میکانی رفتار 5.8 تحت وی سیکنڈ لیمنی 18 ہو گا۔
- بیں قطبی، P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار $f_m=rac{2}{20}(50)=5$ چکر فی سینٹر لیعنی P=20، جزیٹر کا میکانی رفتار P=20

اب یہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیر سست رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر تیزر فلار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیر نریدہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر عموماً دو قطب کے ہوتے ہیں۔

a شکل 5.8 میں دو قطب تین دوری معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کچھے ہیں۔ان میں ایک کچھا a جو قالب میں شکاف a اور a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کچھے نہ ہوتے تب یہ بالکل شکل a میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کچھے ہیں۔

لچھے کا رخ درج ذیل طریقہ سے تعین کیا جاتا ہے۔

rpm, rounds per minute¹⁸



شكل 5.9: دوقطب تين دوري مشين ـ

• دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شکافوں میں برتی رو کے رخ کیلیٹیں۔ دائیں ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کا رخ دے گ

شکل 5.8 میں کچھا a کا برقی رو شگاف a میں، کتاب کے صفحہ کو عمودی، باہر رخ جبکہ a' میں اس کے مخالف اندر رخ تصور کرتے ہوئے کچھا a کا رخ تیر دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس رخ کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ یوں کچھا a صفر زاویہ پر لپیٹا گیا ہے، لیعنی a a ہے۔ باقی کچھوں کے زاویات کچھا a کے رخ سے، گھڑی کے مخالف رُخ نابے جاتے ہیں۔

شکل 5.8 میں کچھا b کو شگاف b اور b' میں رکھا گیا ہے اور کچھا c کو شگاف c اور c' میں رکھا گیا ہے۔ مزید کچھا d کو d و شگاف d کو d و d و شگاف d و d و ثرگاف d و شگاف و شگاف d و شگاف و

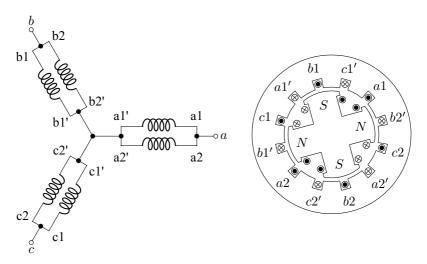
شکل 5.9 میں اگر لمحہ t_1 پر لچھا a کا ارتباط بہاو (t_1) ہو تب لمحہ t_2 بر، جب مقناطیس °120 زاویہ طے کر لے، لچھا d کا ارتباط بہاو (t_1) ہو گا۔ لمحہ t_2 بر مقناطیس اور لچھا d ایک دوسرے کے لحاظ سے بالکل ای طرح نظر آتے ہیں جیسے t_1 پر مقناطیس اور لچھا a ایک دوسرے کے لحاظ سے نظر آتے تھے۔ یوں لمحہ t_2 پر لچھا کا ارتباط بہاو تھا: اتنا ہی ہو گا جننا لمحہ t_1 پر t_2 لحجھا کا ارتباط بہاو تھا:

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

اسی طرح کھے t_3 پر، جب مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کر لے، کچھا c کا ارتباط بہاو ($\lambda_c(t_3)$ ہو گا جو $\lambda_c(t_1)$ کے برابر ہو گا۔یوں درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

.5. معاصر مثين



شكل5.10: چار قطب، تين دوري معاصر مشين ـ

ان کمحات پر کچھوں کے امالی برقی دباو

(5.11)
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

(5.12)
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

$$(5.13) e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔ مساوات 5.10 کی روشنی میں درج ذیل ہو گا۔

(5.14)
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف کچھا a پایا جاتا تب یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اگر ایسی صورت میں مقناطیس گھڑی کے مخالف رخ ایک مقررہ رفتار a سے گھمایا جاتا تب، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھا a میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوتا۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دوسرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں ہے۔ یوں اگر شکل 5.9 میں مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تب تینوں ساکن کچھوں میں سائن نما برقی دباو پیدا ہوگا البتہ مساوات 5.14 کے تحت بیر برقی دباو آپس میں a دباو پیدا ہوگا البتہ مساوات 5.14 کے تحت بیر برقی دباو آپس میں a

شکل 5.10 میں چار قطب ، تین دوری معاصر مثین دکھایا گیا ہے۔ گھومتے تھے پر شالی اور جنوبی قطبین باری باری باری بائے جاتے ہیں اور °180 میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی بائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ میں شال اور قریبی جنوب قطب کی ایک جوڑی بائی جاتی ہے۔ یہی میکانی زاویہ کے مارہ ہوگا۔ شکل 5.8 میں ساکن حصہ کے °360 برقی زاویہ کے اعاطہ میں تین دوری کچھوں نسب ہیں جن کی اطراف کی ترتیب، گھڑی کے مخالف رخ چلتے ہوئے، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف دو قطبین کے اعاطہ ، °100 میکانی زاویہ (یا °360 برقی زاویہ)، میں بالکل اسی طرح تین دوری کچھوں کے اطراف کی ترتیب ہوئے، میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو چھوں کے اطراف کی ترتیب ہوئے ، میں بھی بالکل اسی طرح آپ کو گھوں کے اطراف کی ترتیب دوری کے تین دوری کے گھوں میں بلکل کیسال برقی دباو پیدا ہو گا۔ تین دوری دو کیسال کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دوری برقی دباو عاصل کا جاتا ہے۔ شکل 5.10 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے۔ شکل 5.10 میں جبراں کہ کچھوں کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑ کر تین دوری برقی دباو عاصل کا جاتا ہے۔ شکل 5.10 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے۔ شکل 5.10 میں انہیں متوازی جوڑ کر دکھایا گیا ہے جہاں کہ کچھوں کو صفر زاویہ پر تصور کیا گیا ہے۔

5.3 محرك برتى دباو

قانون لورینز 19 کے تحت مقناطیسی میدان $m{B}$ میں سمتی رفتار $m{v}$ سے حرکت پذیر برقی بار q^{20} درج ذیل قوت $m{F}$ محسوس کرے گا۔

$$(5.15) F = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی میدان کے لحاظ سے برقی بار کی سمتی رفتار ہے للذا F کو ساکن مقاطیسی میدان میں برقی بار کی سمتی رفتار تصور کیا جا سکتا ہے۔اس قوت کا رخ دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کیا جاتا ہے۔

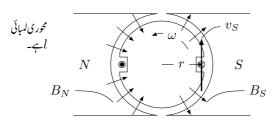
مقناطیسی میدان میں ابتدائی نقطہ سے اختامی نقطہ تک، جن کے ﷺ ہٹاو l ہے، برتی بار q نتقل کرنے کے لئے درکار کام W ہو گا:

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے پیج برقی دباو²¹ کہتے ہیں جس کی اکائی وولئے۔ V²² ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے پیچ درج ذیل برتی دباو ہو گا۔

(5.17)
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

5.3. محسر کے برقی دباو



شكل 5.11: ابك چيكر كالجھامقناطيسي ميدان ميں گھوم رہاہے۔

حرکت کی مدد سے یوں حاصل برقی دباو کو محرکے برقی دباو²³ کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برقی دباو کو محرک برقی دباو کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برقی سیل وغیرہ کا برقی دباو بھی محرک برقی دباو کہلائے گا۔

شکل 5.11 میں گھڑی کے مخالف رخ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔بائیں خلاء میں لچھا کی تارک قطع پر غور کریں۔ مساوات 5.15 کے تحت بایاں قطع میں موجود شبت برتی بار پر صفحہ کے عمودی باہر رخ قوت پیدا ہو گی جبکہ اس قطع میں موجود منفی برتی بار پر اس کے مخالف رخ قوت پیدا ہو گی۔مساوات 5.17 کے تحت اس قطع کا بالائی سرا مثبت اور نچلا سرا منفی برتی دباو پر ہو گا۔

ہم گھومتے حصہ کی محور پر نگی محدد قائم کرتے ہیں۔ یوں جنوبی قطب کے سامنے خلاء میں B رداسی رخ جبکہ شالی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کے مخالف رخ ہو گا۔ جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار B کے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} = \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ extsf{T}} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} \end{aligned}$$

یوں جنوبی قطب کے سامنے تار کے قطع میں درج ذیل محرک برقی دباو پیدا ہو گا۔

(5.19)
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

 $\begin{array}{c} {\rm Lorentz~law^{19}} \\ {\rm charge^{20}} \end{array}$

potential difference, voltage²¹

volt²²

electromotive force, emf^{23}

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تارکی لمبائی کا رخ a_z لیا گیا۔اس مساوات میں برتی دباو منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برتی تارکا مثبت سراتار پر $-a_z$ رخ ہے لیعنی تارکا نجلا سرا مثبت اور بالائی سرا منفی ہے۔ اگر اس تار میں رو گزر سکے تو اس رو کا رخ $-a_z$ لینی صفحہ کو عمودی اندر رخ ہو گا جے شکل 5.11 میں شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ای طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.20)
$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

یوں اس قطع میں درج ذیل دباو ہو گا۔

(5.21)
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N} \\ = -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z} \\ = \omega r B l$$

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برتی تارکی لمبائی کا رخ a_z لیا گیا ہے۔اس مساوات میں برتی دباو مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برتی تارکا مثبت سراتار پر a_z رخ ہو گا لیمن تارکا بالائی سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہو گا۔اگر اس تار میں رو گزر سکے تو اس کا رخ a_z لیمن صفحہ کو عمودی باہر رخ ہو گا جے شکل 5.11 میں شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دونوں تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان تاروں کے نچلے سر ایک دوسرے کے ساتھ سلسلہ وار جڑے ہیں جس کو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس کچھے کے بالائی، نظر آنے والے، سروں پر کل برقی دباو e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباو کا مجموعہ ہو گا:

(5.22)
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔اگر ایک چکر سے اتنا برقی دباو حاصل ہو تب N چکر کے کچھے سے درج ذیل دباو حاصل ہو گا جہاں $\phi=AB$ مقناطیسی بہاو ہے۔

(5.23)
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

گومتی مشینوں کی خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ ایک دوسرے کے عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 کت مستقل زاویائی رفتار اور محوری لمبائی کی صورت میں پیدا کردہ برقی دباو ہر لمحہ B کا براہ راست متناسب ہو گا۔ خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوتے ہوئے B کی صورت میں گھومتے کچھے میں پیدا برقی دباو بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ یوں جس شکل کا برقی دباو درکار ہو اسی شکل کی کثافت مقناطیسی دباو خلائی درز میں پیدا کرنی ہو گی۔ سائن نما برقی دباو پیدا کرنے کے لئے خلائی درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو درکار ہو گی۔

اگلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گا۔

5.4 کھیے اور سائن نمامقناطیسی دیاو

ہم نے اب تک جتنے مشین دیکھے ان سب میں گیھ ²⁴ کچھ دکھائے گئے۔ مزید ان مشینوں میں گھومتے تھے پر موجود مقاطیس کے ابھرے قطب ²⁵ تھے۔ عموماً حقیقی مشینوں کے ہموار قطب ²⁶ اور پھیلے کچھ ²⁷ ہوتے ہیں جن کی بنا ساکن اور گھومتے حصوں کے بچ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کرنا ممکن ہوتا ہے۔

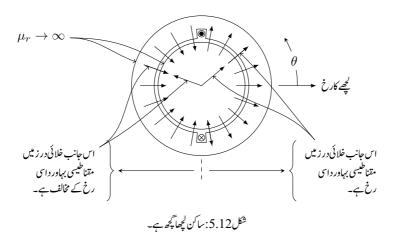
شکل 5.12 میں ایک گیجھ کچھا دکھایا گیا ہے جہاں مثین کے گھومتے جھے کا عمودی تراش گول صورت کا ہے۔ متحرک اور ساکن قالب کا $\infty + \mu_r \to \infty$ کا مقناطیسی دباو π کہ متعاطیسی بہاو π بیدا کرتا ہو کہ بیدا کرتا ہو ہلکی سیابی کی لکیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرتا ہوا کچھے کے گرد ایک چکر کا شاہدا درج ذیل ہو گا۔

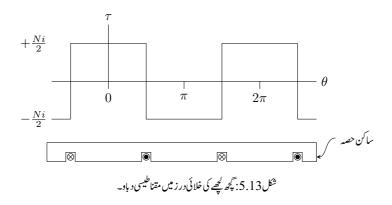
یوں ساکن کچھے کے مقناطیسی دباو کا آدھا حصہ ایک خلائی درز اور آدھا حصہ دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید آدھے خلائی درز میں مقناطیسی دباو (اور مقناطیسی بہاو) رداسی رخ اور باقی خلائی درز میں رداس کے

non-distributed coils²⁴ salient poles²⁵

non-salient poles²⁶

distributed winding²⁷





 $-\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$ (اور مقاطیسی دباو (اور مقاطیسی بہاو (اور مقاطیسی دباو) رداس کے در میان رداسی رخ ہے لہذا اسے مثبت تصور کیا جائے گا جبکہ باقی حصہ پر مقاطیسی دباو (اور مقاطیسی بہاو) رداس کے در میان ردا ہی رخ ہے لہذا اسے منفی تصور کیا جائے گا۔ شکل 5.13 میں خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کو زاویہ کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے۔ وقفہ $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{\pi}{2}$ خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کے آدھا ہو اور اس کا رخ مثبت ہے جبکہ وقفہ $\frac{\pi}{2} > \theta < \frac{3\pi}{2}$ کے خلائی در زمیں مقاطیسی دباو کچھے کے مقاطیسی دباو کا آدھا اور منفی رخ ہے حوالہ سے نعین کیا جاتا ہے۔

5.4.1 بدلتار ووالے مثین

برلتارو (اے سی) مشین بناتے وقت کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباوسائن نما ہو۔سائن نما مقناطیسی دباو دباو کے حصول کی خاطر لیچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے سائن نما مقناطیسی دباو کیسے حاصل ہوتا ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

 $f(heta_p)^{-29}$ فوریئر تسلسل 28 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل 29 $f(heta_p)^{-29}$ کو درج ذیل صورت میں لکھ سکتے ہیں۔

(5.25)
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$

تفاعل کا دوری عرصہ T^{30} ہونے کی صورت میں فوریئر تسلسل کے عددی سر درج ذیل ہوں گے۔

(5.26)
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

مثال 5.2: شکل 5.13 میں دیے گئے مقناطیسی دباو کا

Fourier series²⁸ function²⁹ time period³⁰

- فوريئر تسلسل حاصل كريي،
- تيسري موسيقائي جزو³¹ اور بنيادي جزو³² كا تناسب معلوم كريي

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left(\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left(-\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(-\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left(\frac{Ni}{2} \right) \left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left(-\frac{Ni}{2} \right) \left(\pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

اور درج ذیل حاصل ہوں گے۔

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[-\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[\sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left(\frac{4}{n\pi} \right) \left(\frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین لیتے ہوئے درج ذیل حاصل ہوتا ہے۔

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$$

$$a_2 = a_4 = a_6 = 0$$

third harmonic component³¹ fundamental component³²

اسی طرح درج ذیل ہو گا۔

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[\frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

• ان نتائج کا یکجا کرتے ہیں:

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

يوں تيسرا موسيقائي جزو بنيادي جزو کا تيسرا حصه ليني 33.33 في صد ہو گا۔

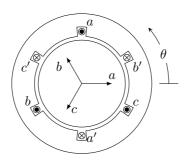
مثال 5.2 میں حاصل کردہ a_1, a_2, \cdots استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباو τ کا فوریئر تسلسل کھتے ہیں۔

(5.27)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

(5.28)
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

 au_0 درج ذیل ہے۔ au_0 درج ذیل ہے۔

(5.29)
$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$



شكل 5.14: تين دور لچھے۔

خلائی درج میں τ ، H اور B ایک دوسرے کے برائے راست متناسب ہوتے ہیں۔ یوں مساوات 5.28 کے تحت شکل 5.12 کا کچھے اور شکل 5.2 میں صفر زاویہ پر سلاخ نما مقناطیس کیساں τ (اور B) دیں گ۔ اس طرح اگر شکل 5.12 کا کچھا زاویہ θ_{m} پر ہوتا تب ہمیں شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کے نتائج حاصل ہوتے۔

شکل 5.14 میں تین کچھے آپس میں °120 زاویہ پر دکھائے گئے ہیں۔ ہم مساوات 5.64 کی طرح اس شکل میں کچھا a کے لئے درج ذیل کھ سکتے ہیں۔

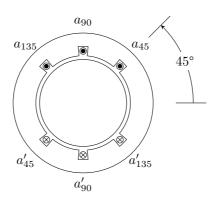
(5.30)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اسی طرح کچھا b اور c جو بالترتیب $\theta_{m_b}=120^\circ$ اور $\theta_{m_b}=120^\circ$ زویہ پر ہیں کے لئے درج ذیل ہو گا۔

(5.31)
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^{\circ} \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^{\circ}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ (5.32) \qquad \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^\circ \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^\circ) = \tau_0 \cos(\theta + 120^\circ) \end{aligned}$$

ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباو سائن نما ہر گز نہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض نظر کا دھوکا ہے۔ اس مقناطیسی دباو کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باتی تمام ارکان کو صفر کر سکیں تب ہمیں سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو گا۔



شكل 5.15: كيسيلا لجهابه

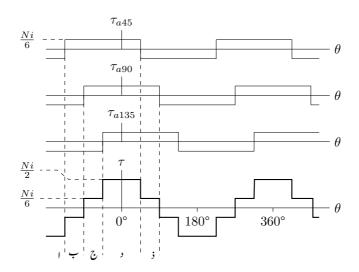
شکل 5.12 کے N چکر کچھے کو تین چھوٹے کیساں کچھوں میں تقسیم کرتے ہوئے شکل 5.15 حاصل کیا گیا ہے جہاں ہر چھوٹا کچھا کچھا کہ چکر کا ہے۔ ایسے چھوٹے کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا 33 جاتا ہے لہذا ان میں ایک جیسا برتی روز 3 گزرے گا۔ ان تین کچھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے کچھے کو شگاف 3 و شگاف 3 میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شگاف 3 و میں رکھا گیا ہے۔ دوسرے کچھے کو شگاف 3 و میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑا کو ایک ہی طرح کے نام دیے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا a_{45} اور a_{45} ہے۔ شگاف کا نام شگاف کے زاویہ کے لحاظ سے رکھا گیا ہے۔ یوں شگاف a_{45} در حقیقت a_{50} زاویہ پر ہے، شگاف a_{90} نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف a_{135} ایک سو پینیس درجہ زاویہ پر ہے۔ اس طرح a_{45} شگاف a_{45} کا جوڑا ہے۔

متمام کچھے کا جیل اور تمام کچھوں میں برقی روi ایک دوسرے جیبا ہے۔ شکل 5.15 کے تھیلے کچھے کا مقاطیسی دباو بالمقابل زاویہ کا ترسیم شکل 5.16 میں موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ سب سے اوپر لچھا کہ مقاطیسی دباو کی ترسیم ہو شکل 5.13 کی ترسیم کی طرح لیکن صفر زاویہ سے -45 ہٹ کر ہے۔ دوسری ترسیم لچھا a_{90} کی ہے جو ہو بہو شکل 5.13 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا a_{135} کی ہے جو صفر زاویہ سے +45 کی طرح ہے جبکہ تیسری ترسیم کچھا موری ہے ہو صفر زاویہ سے +45 ہٹ کر ہے۔ ان تینوں ترسیمات کا انفرادی طول $-\frac{N_i}{N_i}$ ہے۔

ترسیمات au_{a45} ، اور au_{a135} ی سے کل مقناطیسی دباو کی ترسیم au_{a45} ، حاصل کرنا سیکھتے ہیں۔ شکل au_{a45} میں عمود کی نقطہ دار کلیریں لگائی گئی ہیں۔ سب سے بائیں کہلی کلیر کی بائیں طرف خطہ کو "ا" کہا گیا ہے۔اس

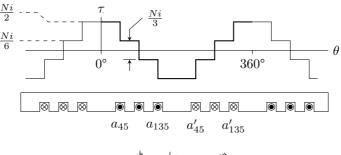
series connected 33



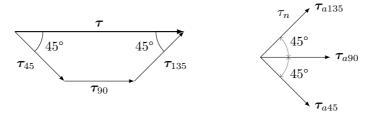
شكل 5.16: تھيلے لچھے كاكل مقناطيسى د باو۔

خطه میں ترسیمات τ_{a45} ، τ_{a45} ، اور τ_{a135} کی انفرادی قیمتیں τ_{a45} ہیں لہذا ان کا مجموعہ τ_{a45} ، τ_{a45} ، وگلہ یا ان میں کل مقناطیسی دباو τ کی ترسیم کی قیمت τ_{a45} ہو گل۔ اس طرح خطہ "ب" میں کل مقناطیسی دباو τ کی ترسیم کی قیمت τ_{a45} ہو گل۔ اس کا مجموعہ τ_{a45} اور τ_{a45} ہو کی مقناطیسی دباو ہو گا۔ نظم بالائی تینوں ترسیمات کی قیمتیں بالترتیب τ_{a45} ، τ_{a45} ، اور τ_{a45} ہیں جن کا مجموعہ τ_{a45} ہیں۔ مقناطیسی دباو ہو گا۔ اس طرح آپ پوری ترسیم تھنچ سکتے ہیں۔

 $^{\circ}$ شکل $^{\circ}$ کی $^{\circ}$ کو شکل $^{\circ}$ کی میں دوبارہ پیش گیا ہے۔ شکل $^{\circ}$ کی لیے لیے اور شکل $^{\circ}$ کی لیے کے اور شکل $^{\circ}$



شكل 5.17: تھلے لچھے كامقناطيسى دباو۔



شكل 5.18: يهيلے لچھے كاجزو پھيلاو۔

کے دباو کی ترسیمات ہیں۔ شکل 5.13 کے لحاظ سے شکل 5.17 کی صورت سائن نما کے زیادہ قریب ہے۔ فوریئر سلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔ شگافوں کے مقامات اور ان میں کچھوں کے چکر یول رکھے جا سکتے ہیں کہ ان کے پیدا کردہ مقناطیسی دباوکی ترسیم کی صورت سائن نماکی زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

کے مختلف محصے ایک ہی زاویہ پر مقناطیسی دباو نہیں بناتے للذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباو کا حیطہ استے ہی چکر کے) ایک پچھ کچھ کے حیطہ سے کم ہوتا ہے۔ مساوات 5.29 میں اس اثر کو شامل کرنے کے لئے جزو k_w متعارف کیا جاتا ہے

(5.33)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

$$-\xi \sqrt{2} \sin^2 \theta = \frac{1}{2} \sin^2 \theta + \frac{1}{2} \sin^2 \theta = \frac{1}{2} \sin^2 \theta + \frac{1}{2} \sin^2 \theta = \frac{1}{2} \sin^2 \theta$$

مثال 5.3: شکل 5.15 کے تھیلے کچھے کا k_w تلاش کریں۔

 $au_n=rac{4}{\pi}rac{ni}{2}$ حل: شکل 5.18 سے رجوع کریں۔ شکل 5.15 کے تین چھوٹے کچھے ایک جیبیا مقناطیسی دباو پیدا کرتے ہیں البتہ ان کے رخ مختلف ہیں۔ یہاں ایک کچھا $rac{N}{3}$ چکر کا ہے للذا $rac{N}{3}$ ہو گا۔ ہم تینوں مقناطیسی دباو کے دوری سمتیات کا مجموعہ لے کر مقناطیسی دباو au معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

winding factor³⁴

يوں درج ذيل ہو گا

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

للذا $k_w = 0.8047$ کے برابر ہے۔

مثال 5.4: تین دوری، 50 ہر ٹز، ستارہ جڑے جزیٹر کو 3000 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔ تیس چکر کے میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 ہے۔ مثین کا میدانی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 ہے۔ مثین کا رواس 0.7495 میٹر اور لمبائی 2.828 $l_k=0.04$ میرانی کچھے میں $l_k=0.04$ میرانی کچھے میں $l_k=0.04$ میرانی کچھے میں $l_k=0.04$ میرانی میں درج ذیل تلاش کریں۔

- میدانی مقناطیسی دباو کی زیادہ سے زیادہ قیمت۔
 - خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاو۔
 - ایک قطب پر مقناطیسی بہاو۔
 - متحرك تارير برقى د باو_

حل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$$

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

$$\phi_0 = 2B_0 lr = 2\times 0.54\times 2.828\times 0.7495 = 2.289\,15\,\mathrm{Wb}~\bullet$$

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

یوں ستارہ جڑی جزیئر کی تار کا برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

 $\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \,\text{V}$

ہم سائن نما مقناطیسی دباو حاصل کرنا چاہتے ہیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ مقصد پورا ہو۔ شکل 5.17 میں صفر زاویہ کے دونوں اطراف مقناطیسی دباو کی ترسیم ایک جیسے گھٹتی یا بڑھتی ہے۔ مثلاً جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباو $\frac{N_i}{3}$ گھٹتا ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر دباو مزید $\frac{N_i}{3}$ گھٹتا ہے، وغیرہ وغیرہ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لیجھوں کے چکر اور شگافوں کے مقامات کا فیصلہ فور بیئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فور بیئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھا جاتا ہے۔

ساکن کچھوں کی طرح متحرک کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباو حاصل ہو۔

5.5 مقناطيسي د باو کي گھومتي امواج

گھومتے مشین کے لیجھوں کو برقی دباو فراہم کیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ایک دورکی لپٹی مشین

مساوات 5.33 مين ايك لحصي كا مقناطيسي دباو

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

دیا گیا ہے جو سائن نما برقی رو

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

کی صورت میں

(5.37)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

مقناطیسی رباو دے گا جہاں au_0 درج ذیل ہے اور کچھا کے برقی رو کو au_a کہا گیا ہے۔

(5.38)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

مساوات 5.37 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو زاویہ <math> heta اور کھہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ مساوات 5.37 کو کلیہ

(5.39)
$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)}{2}$$

کی مدد سے دو ٹکڑوں

(5.40)
$$\tau_a = \tau_0 \left[\frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

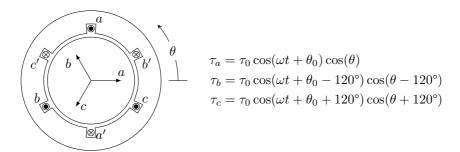
میں تقسیم کیا جا سکتا ہے جہاں au_a^+ اور au_a^+ درج ذیل ہوں گے۔

(5.41)
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

مساوات 5.40 کہتی ہے کہ مقناطیسی دباو دو آپس میں مخالف رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موجوں کا مجموعہ ہے۔ اس کا یہلا جزو τ_a^+ زاویہ θ گھٹے کے رخ، لینی گھڑی کے رخ، گھومتا ہے جبکہ اس کا دوسرا جزو τ_a^+ گھڑی کے مخالف رخ، زاویہ بڑھنے کے رخ، گھومتا ہے۔

ایک دور کی لیٹی مثینوں میں گھومتے مقناطیسی دباو کی امواج میں سے کسی ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کرنے کی کوشش کی جاتی ہے۔ اس طرح ایک ہی رخ مقناطیس کی مانند ہوگا۔ تین دوری مثینوں میں ایسا کر نا نہایت آسان ہوتا ہے للذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔



شكل 5.19: تين دوركي لپڻي مشين ـ

5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجربيه

شکل 5.19 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں k_x فور میر تسلسل کے بنیادی اجزاء دیے گئے ہیں جن میں جزو کچھلاو k_x شامل کر کے دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

(5.43)
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_a i_a}{2} \cos \theta$$
$$\tau_b = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_b i_b}{2} \cos(\theta - 120^\circ)$$
$$\tau_c = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_c i_c}{2} \cos(\theta + 120^\circ)$$

ان لچھوں میں بالترتیب تین دوری برقی رو

(5.44)
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

لینے سے مساوات 5.43 ورج ذیل صورت اختیار کرتی ہیں۔

(5.45)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

$$N_a = N_b = N_c = N$$

لیتے ہوئے مساوات 5.39 کی استعال سے

(5.46)
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[\cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

 au_0 درج ذیل ہے۔ au_0 درج ذیل ہے۔

(5.47)
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

کل مقناطیسی دباو 7 ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم درج ذیل ثابت کرتے ہیں۔

$$\cos\gamma + \cos(\gamma - 240^{\circ}) + \cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$

ہم کلیات

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

میں
$$\alpha = \gamma$$
 اور $\alpha = 240^{\circ}$ کے کر

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

حاصل کرتے ہیں جن میں جن میں حاصل مو گا۔ $\cos 240^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ ماصل کرتے ہیں جن میں جن میں اور $\cos 240^\circ = -\frac{1}{2}$

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

$$\cos(\gamma-240^{\circ})=-\frac{1}{2}\cos\gamma-\frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

ان مساوات کو $\gamma \cos \gamma$ کے ساتھ جمع کرنے سے صفر حاصل ہو گا۔

$$\cos \gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے کئے اس مساوات کو ورج ذیل کھھا جا سکتا ہے۔ $\gamma=\theta+\omega t+\alpha$

$$(5.48) \quad \cos(\theta+\omega t+\alpha)+\cos(\theta+\omega t+\alpha+240^\circ)+\cos(\theta+\omega t+\alpha-240^\circ)=0$$

اب مساوات 5.46 میں دیے au_b ، au_c اور au_c کو جمع کر کے مساوات 5.48 کا استعمال کرتے ہوئے ورج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.49)
$$\tau^{+} = \tau_a + \tau_b + \tau_c = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.49 کہتی ہے کہ کل مقناطیسی دباو کا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا $\frac{8}{2}$ گنا ہو گا۔ مزید مقناطیسی دباو کی موج گھڑی کے مخالف رخ گھوے گی۔ یول تین کچھوں کو °120 زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دوری برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے بیجان کرنے سے مقناطیسی دباو کی واحد ایک موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ کسی دو برقی رو کو آپس میں تبدیل کرنے سے مقناطیسی موج کا رخ تبدیل ہوتا ہے۔

مساوات 5.49 ایک گھو متے موج کو ظاہر کرتی ہے جس میں ہم برتی رو کا تعدد 5.49 اور اپنی آسانی کے لئے 0.49 مساوات 5.49 ایک آسانی کے لئے میں موج کی چوٹی کا تعین تفاعل 0.49 تعین تفاعل 0.49 کو صفر لیتے ہیں۔ یوں اس موج کی چوٹی کا تعین تفاعل 0.49 تعین تفاعل 0.49 کے خوالی کا کی ہے جو 0.49 کے بیلی جاتی ہے۔

ابتدائی کھے t=0 پر وہ $\cos(\theta-\omega t)$ کی چوٹی $\cos(\theta-\omega t)$ پر ہوگی جس کو t=0 کے لئے حل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0$$
$$\theta - \omega \times 0 = 0$$
$$\theta = 0$$

یوں موج کی چوٹی صفر برتی زاویہ پر ہو گی جسے شکل 5.20 میں نقطہ دار لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ہم کچھ وقفہ، مثلاً t=0.001

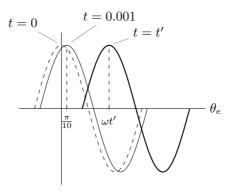
$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - 0.001\omega = 0$$

$$\theta = 0.001\omega$$

$$= 0.001 \times 2 \times \pi \times 50$$

$$= 0.3142 \,\text{rad}$$



شكل5.20: حركت كرتى موج ـ

اب یہ چوٹی 0.3142 یا $\frac{\pi}{10}$ برتی ریڈیئن لیخی 18° برتی زاویہ پر ہے جے شکل 5.20 میں باریک ٹھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی وہاو کی مون گھڑی کے مخالف رخ، لیخی زاویہ بڑھنے کے رخ، گھوم گئ $\theta - \omega t' = 0$ برچوٹی کا مقام $0 = \omega t' = 0$ ہے۔ اس طرح لحمد 0 = 0 برچوٹی کا مقام $0 = \omega t'$ ہے درج ذیل حاصل ہو گا جے موٹی ٹھوس کیبر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

$$(5.50) \theta = \omega t'$$

مساوات 5.50 کہتی ہے کہ چوٹی کا مقام تعین کرنے والا زاویہ وقت کے ساتھ بندر نج بڑھتا ہے۔اس مساوات 2 برقی زاویہ چکر کا دورانیہ T حاصل کرتے ہیں۔

$$(5.51) T = \frac{\theta}{\omega} = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

یاد رہے f برقی رو کی تعدد ہے۔ یوں 50 ہرٹز برقی رو کی صورت میں مقناطیسی دباو کی موج ہر $\frac{1}{50}=0.02$ سینٹر میں ایک مکمل برقی چکر للذا ایک سینٹر میں 50 برقی چکر مکمل کرے گی۔

دو قطبی مشینول میں مساوات 5.7

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

ے تحت برقی زاویہ θ_e اور میکانی زاویہ θ_m ایک دوسرے کے برابر ہوں گے۔ یوں دو قطبی مشینوں کی بات کرتے ہوئے مساوات 05.51 کے تحت ایک سینڈ میں مقناطیسی دباو کی موج f برقی یا میکانی چکر کمل کرے گی جہاں f

برقی رو کی تعدد ہے۔ P قطبی مثینوں کے مقناطیسی دباو کی موج ایک سینٹہ میں f مقناطیسی چکر یعنی $\frac{2}{P}$ میکانی شکر کمل کرے گی۔

برتی رو کی تعدد کو f_e ، مقناطیسی دباو کی موج کی چوٹی کے برتی زاویہ کو θ_e ، میکانی زاویہ کو θ_m اور مقناطیسی دباو کی موج کی زاویائی رفتار کو ω_e یا ω_e سے ظاہر کرتے ہوئے درج ذیل ہوں گے۔

$$\omega_m = rac{2}{P}\omega_e \quad \mathrm{rad/s}$$
 (5.53)
$$f_m = rac{2}{P}f_e \quad \mathrm{Hz}$$
 $g = rac{120f_e}{P}$ چيکر في تيکنگر اين تيکنگر

مقناطیسی موج کی برتی معاصر زاویائی رفتار ω_e برقی زاویه فی سینڈ اور میکائی معاصر زاویائی رفتار ω_m میکائی زاویه فی سینڈ ہو گی۔ اس طرح موج کی برتی معاصر رفتار f_e برتی ہرٹز اور میکائی معاصر رفتار f_m میکائی ہرٹز ہوگی۔ برتی معاصر رفتار f_e میکائی ہرٹز ہونے ہے مراد ہے کہ ایک سینڈ میں موج f_e برتی چکر کا فاصلہ طے کرتی ہے جو دو قطب کا لیعن ω_e ریڈ بیئن کا میکائی زاویہ ہے۔ اس طرح میکائی معاصر رفتار ω_e ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ موج ایک سینڈ میں میکائی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ ایک میکائی چکر کو ہی گہتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کو ہی گہتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کو ہی گھتے ہیں۔ اس مساوات میکائی چکر کی جادی کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 5.53 معاصر رفتار کی مساوات ہے۔

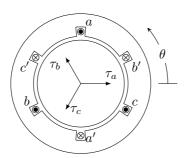
یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ q دور کی لپٹی مثین جس کے لیچھ $\frac{2\pi}{q}$ برتی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں برتی رو q دوری ہو میں، تین دوری مثین کی طرح، ایک ہی رخ گھومتے مقناطیسی دباو کی موج پیدا ہو گی۔ مزید، اس موج کا حیطہ کسی ایک لیچھے کے مقناطیسی دباو کے حیطہ کا $\frac{q}{2}$ گنا ہو گا اور اس کی زاویائی رفتار d و گردی برتی ریڈیئن فی سینڈ ہو گی۔ برتی ریڈیئن فی سینڈ ہو گی۔

5.5.3 تين دور کي لپڻي مشين کاتر سيمي تجربيه

شکل 5.21 میں تین دور کی لپٹی مشین دکھائی گئی ہے جس میں مثبت برقی رو کے رخ دکھائے گئے ہیں۔یوں a شکاف میں برقی رو کا رخ صفحہ سے عمودی باہر کو ہے جسے نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اسی طرح 'a شکاف میں برقی رو کا رخ

_

synchronous speed 35 rpm, rounds per minute 36



شكل 5.21: تين دوركي لپڻي مثين ميں مثبت برقى رواوران سے حاصل مقناطيسي دباوكے رخ۔

صفحہ میں عمودی اندر کو ہے اور جسے صلیب کے نثان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں شگاف a اور a میں مثبت برقی روکا متناطیسی دباو کا رخ ہے۔ لیچے میں برقی رو سے پیدا متناطیسی دباو کا رخ دائیں ہتھ کے قانون سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

a اب اگر کچھا a میں برتی رو منفی ہو تب برتی رو شبت رخ کے مخالف ہو گا، یعنی اب برتی رو کا رخ شگاف a میں صفحہ کے عمودی باہر ہو گا۔ یوں منفی برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباو بھی لیس صفحہ کے عمودی اندر اور شگاف a میں صفحہ کے عمودی باہر ہو گا۔ آپ نے دیکھا کہ برتی رو منفی ہونے سے مقناطیسی دباو کا رخ الٹ ہو جاتا ہے۔ شکل کیس کچھوں کے برتی رو اور مقناطیسی دباو درج ذیل ہیں جبکہ ان کے مثبت رخ شکل میں دیے گئے ہیں۔ a

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

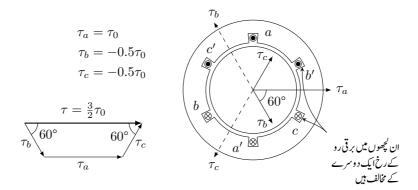
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

(5.55)
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

ہم مختلف کمحات پر ان کی قیمتوں تلاش کرتے ہیں اور ان کا مجموعی مقناطیسی دباو حاصل کرتے ہیں۔



شكل5.22: لمحه
$$t_0=0$$
 يربر قى رواور مقناطيسى د باوـ $t_0=0$

لحہ t=0 یر ان درج بالا مساوات سے درج ذیل حاصل ہو گا۔

(5.56)
$$i_a = I_0 \cos 0 = I_0$$

$$i_b = I_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5I_0$$

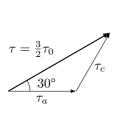
$$i_c = I_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5I_0$$

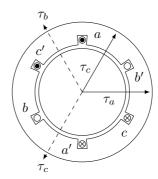
(5.57)
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos (0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos (0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$

یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ t=0 پر ہٹبت جبکہ i_b اور i_c منفی ہیں۔ یوں i_a کا رخ وہی ہو گا جے شکل جباں رکھ کر ذرا غور کریں۔ لمحہ t_a ور خال ہیں جبکہ i_b اور i_c کی i_c میں نقطے اور صلیب سے دکھایا گیا ہیں جبکہ i_b اور i_c کی رخ کے کے رخ کے کئے میں دکھائے ہوں گے۔ لمحہ t=0 پر تینوں برتی رو کے درست رخ اور تینوں مقناطیسی دباو شکل 5.22 میں دکھائے ہیں۔

کل مقناطیسی دباو با آسانی بذریعہ ترسیم (شکل 5.22)، مجموعہ سمتیات سے یا الجبرا کے ذریعہ حاصل کیا جا سکتا ہے۔

(5.58)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_{a} &= \tau_{0} \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_{b} &= 0.5 \tau_{0} \left[\cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_{c} &= 0.5 \tau_{0} \left[\cos(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin(60^{\circ}) \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] \end{aligned}$$





شكل 5.23: لمحه $t_1=30^\circ$ لمحه $t_1=30^\circ$ باوـ

ان کا مجموعہ درج ذیل ہو گا۔

(5.59)
$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2}\tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$$

لمحہ t=0 پر کل مقناطیسی دباو ایک کیجھے کے مقناطیسی دباو کا ڈیڑھ گنا اور صفر زاویہ پر ہے۔

5.54 اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ وقفہ بعد لمحہ t_1 پر دوبارہ مقناطیسی دباو تلاش کرتے ہیں۔ مساوات 5.55 میں متغیر t کی بجائے t کا استعال زیادہ آسان ہے للذا ہم لمحہ t_1 یوں متخب کرتے ہیں کہ ωt ہوں میا گیا ہے۔ ωt عصل ہو گا جنہیں شکل 5.23 میں دکھایا گیا ہے۔

(5.60)
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$
$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

(5.61)
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$

$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

کل مقناطیسی د باو کا طول au اور زاویه تکون سے حاصل کرتے ہیں۔ $au = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a \tau_c \cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$ (5.62)

5.6. محسر ك_بر قي دباو

تکون کے دو اطراف کی لمبائیاں ایک دوسرے کے برابر اور ان کے ﷺ زاویہ ہوں ہے للذا مقناطیسی دباو کا زاویہ افتی کیبر سے 30° ہو گا۔

کل مقناطیسی دباو جو پہلے صفر زاوبیہ پر تھا اب گھڑی کے مخالف رخ گھوم کر 30° زاوبیہ پر ہے۔ اسی طرح کھہ $\omega t = \theta^\circ$ پر حل کرنے سے زاوبیہ 45° پر کل مقناطیسی دباو $\frac{3}{2}\tau_0$ حاصل ہو گا۔ عمومی کھے $\omega t = 40^\circ$ ہو، زاوبیہ θ° پر کل مقناطیسی دباو $\frac{3}{2}\tau_0$ پیدا کرتا ہے۔

5.6 محرك برقى دباو

یہاں محرک برقی دباو³⁷ کو ایک دوسرے نقطہ نظر سے پیش کرتے ہیں۔

5.6.1 بدلتاروبر قی جزیٹر

شکل 5.24 میں ایک بنیادی بدلتارو جنریر 38 دکھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباو پیدا کرتا ہے جس سے درز میں سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو B پیدا ہوتا ہے:

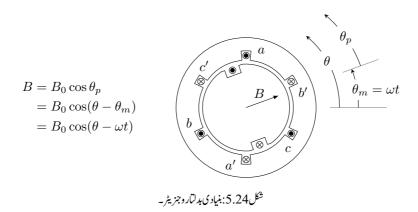
$$(5.63) B = B_0 \cos \theta_p$$

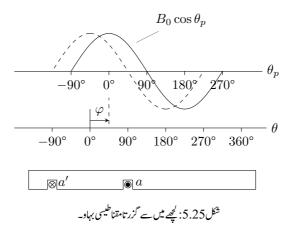
یہ مقناطیس ω زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ابتدائی لمحہ t=0 پر اس مقناطیس کو کچھا a کے رخ، یعنی ہلکی سیاہی کی افقی کلیر پر تصور کریں۔ یوں لمحہ t پر بیہ گھوم کر زاویہ $\theta_m=\omega t$ پر ہو گا۔اس طرح درج بالا مساوات درج ذیل کھی جا سکتی ہے۔

(5.64)
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.25 میں B کو زاویہ θ اور θ_p کے ساتھ ترسیم کیا گیا ہے اور ساتھ ہی لچھا a دکھایا گیا ہے۔ لمحہ t=0 جب گھومتے برتی مقناطیس کا محور اور لچھا a کا محور ایک رخ ہیں، نقطہ دار لکیر سے B دکھایا گیا ہے جبکہ عمومی لمحہ

^{7&}lt;sup>3</sup> ہتداہ میں حرکت سے پیدا برتی دیاو کو محرک برتی دیاو کہتے تھے۔اب روا بی طور پر کسی بھی طرح پیدا کر دو برتی دیاو کو محرک برتی دیاو کہتے ہیں۔ 38 مدم معرور موروں





5.6. محسر ك برقى دباد

t پر B کو ٹھوس کیبر سے دکھایا گیا ہے۔ چونکہ B کی چوٹی ہر صورت $\theta_p=0^\circ$ پر ہوگی لہذا ترسیم میں محور θ_p پر دکھائے گئے زاویات 0° واللہ 0° عمومی لمحہ t کے لئے درست ہیں ناکہ t والے کے لئے۔ لمحہ t بر دکھائے گئے زاویات t والے t والے محور کہ جمومی لمحہ t بر برتی مقناطیس کے محور اور کچھے کے محور کے t ور اور کچھے کے محور کے t ور اور پہنے مخاص میں اور اور پہنے کے محور کے t ور اور پہنے کے مخاص میں کے اللہ مخصر ہوگا۔

$$(5.65) \theta = \omega t$$

کوہ t=0 پر کچھا a میں مقناطیسی بہاو زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ خلائی درز باریک ہونے کی بنا درز کا اندرونی اور بیرونی رداس تقریباً ایک دوسرے جیسا ہوں گے۔ برتی مقناطیس کے گھومنے کے محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ ρ اور برتی مقناطیس کی محوری لمبائی ρ ہونے کی صورت میں کچھے میں مقناطیسی بہاو وہی ہو گا جو خلائی درز میں ρ اور برتی مقناطیس کی محوری لمبائی ρ بر کچھا ρ سے گزرتا بہاو تلاش کرتے ہیں۔

$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

آخری قدم پر $\phi_a(0)$ کو $\phi_a(0)$ کہا گیا ہے۔ یہی حساب لمحہ t پر درج ذیل ہو گا جہاں آخری قدم پر $\phi_a(0)$ کہا گیا ہے۔

(5.67)
$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho d\theta_{p})$$

$$= B_{0} l\rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0} l\rho \cos \omega t$$

axial length³⁹

اس بہاو کو درج ذیل طریقہ سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t))(l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t)\Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[\sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right)\right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبہ کمل زاویہ θ کے ساتھ کیا گیا ہے۔ مساوات 0.66 کی مدد سے $\phi_a(t)$ کو درج ذیل کھا جا سکتا ہے۔ $\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$ (5.69)

مساوات 5.68 کی طرح d اور c کچھوں کے مقناطیسی بہاو کی مساواتیں بھی حاصل کی جا سکتی ہیں۔ شکل d گیروں نے مساوات زاویہ d معلوم کرنے کے لئے مساوات زاویہ d معلوم کرنے کے لئے مساوات بیاد کچھا d میں گزرتا ہے۔ اس لئے d معلوم کرنے کے لئے مساوات d معلوم کرنے کے حد d معلوم کرنے کے حد d معلوم کرنے کے حد d معلوم کے خوال کے میں کمل کے حد d معلوم کرنے کے حد d کے حد d معلوم کے حد d کے ح

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3}\right)$$

5.6. محسر کے برقی دباو

191

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[\sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3}\right)$$

ا کے لچھا کے N چکر تصور کرتے ہوئے تینوں کچھوں میں پیدا برقی دباہ معلوم کرتے ہیں۔ کچھوں میں ارتباط بہاہ درج ذمل ہو گا۔

(5.72)
$$\lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0 \cos \omega t$$

$$\lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$\lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات میں $\frac{2\pi}{3}$ ریڈیئن کو °120 کھھا گیا ہے۔ کچھوں میں پیدا امالی برقی دباو درج ذیل ہو گا۔

(5.73)
$$e_a(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^\circ)$$

$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^\circ)$$

$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^\circ)$$

کھا جا سکتا ہے جو آپس میں °120 زاویہ پر تین دوری محرک برقی دباو کو ظاہر کرتی ہیں۔ ان سب کے حیطے E_0 ایک دوسرے جتنے ہیں

$$(5.75) E_0 = \omega N \phi_0$$

للذا تينول برقى دباو كى موثر قيمت ⁴⁰ درج ذيل هو گي۔

(5.76)
$$E_{\dot{j}_{r}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

چونکہ $\phi=BA$ ہوتا ہے لہذا مساوات 5.76 صفحہ 52 پر دی گئی مساوات $\phi=BA$ کی طرح ہے۔

مساوات 5.74 سائن نما برقی دباو کو ظاہر کرتی ہے۔ اگرچہ اسے یہ تصور کر کے حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو صرف برقی مقناطیسی کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباو کا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کہا کہ حرح وجود میں آیا اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو جزیئر کے ساکن حصہ میں پیدا ہوئی ہویا ساکن اور حرکت پذیر دونوں حصوں میں پیدا ہوئی ہویا

مساوات 5.76 ہمیں ایک گچھ لچھ میں پیدا برتی دباو دیتی ہے۔ اگر لچھا تقسیم شدہ ہو تب اس کے مختلف شگافول میں موجود اس لچھے کے حصول میں برتی دباو ہم قدم نہیں ہول گے للذا ان سب کا مجموعی برتی دباو ان سب کا حاصل جمع نہیں ہوگا بلکہ اس سے کچھے کم ہوگا۔ یول سچیلے لیھے کے لئے ہیہ مساوات درج ذبل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(5.77) E_{\dot{\tau}} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

تین دوری برتی جزیٹر وں کے k_w کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات جمیں یک دوری برتی دباو دیتی ہے۔ تین دوری برتی جزیٹر وں میں ایسے تین کچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی شارہ یا Δ یعنی شکونی جوڑا جاتا ہے۔

5.6.2 يك سمت روبر قي جزير

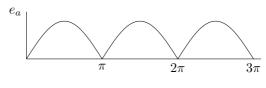
ہر گھومنے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتا رو جزیٹر ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمت برقی دباو⁴¹ کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتا برقی دباو کو یک سمت برقی دباو میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ جزیٹر کے باہر برقیاتی سمنے کار⁴² یا جزیٹر کے اندر میکانی سمنے کار⁴³ نسب کر کے بدلتا دباو سے یک سمت دباو حاصل کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.73 جزیٹر کے اندر میکانی سمت برقی دباو میں تبدیل کرنے سے شکل 5.26 حاصل ہو گا۔

 $[\]rm rms^{40}$

DC voltage⁴¹

rectifier⁴²

 $commutator^{43}$



شكل 5.26: يك دوري يك سمت برقى دباو ـ

مثال 5.5: شكل 5.26 مين يك ست برقى دباو دكھايا گيا ہے۔اس يك ست برقى دباوكى اوسط قيمت حاصل كريں۔

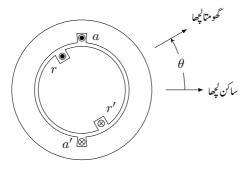
عل:

$$E_{\mathbf{k},\mathbf{d}} = rac{1}{\pi} \int_0^\pi \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = rac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمت جزیٹر پر باب 8 میں غور کیا جائے گا۔

5.7 مهوار قطب مشينول مين قوت مرورا

اس حصہ میں کامل مشین میں قوضے مرور ⁴⁴ کے حصول کے دو تراکیب پر غور کیا جائے گا۔ ایک ترکیب میں مشین کو دو مقاطیس تصور کر کے ان مقاطیسوں کے نیج قوت کشش، قوت دفع اور قوت مروڑ حاصل کیے جائیں گے جبکہ دوسری ترکیب میں مشین کے ساکن اور ہم-توانائی سے ان کا حساب لگایا جائے گا۔ پہلے توانائی کی ترکیب پر غور کرتے ہیں۔



شكل 5.27: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

5.7.1 ميكاني قوت مرور بذريعه تركيب تواناكي

یہاں یک دوری مثین پر غور کیا جائے گا جس سے حاصل نتائج با آسانی زیادہ دور کی مثینوں پر لا گو کیے جا سکتے ہیں۔ شکل 5.27 میں یک دوری کامل مثین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس مثین کے دو کچھوں کے آج کوئی زاویہ ہو گا جے θ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر مقام پر کیساں ہے لہذا ابھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جاتا ہے۔ مزید قالب کا جزو مقناطیس مستقل لا متناہی $(\infty \to \mu_r)$ تصور کیا گیا ہے لہذا کچھوں کا امالہ صرف خلائی درز کے مقناطیسی مستقل کا مرف خلائی درز کے مقاطیسی مستقل کی ہے۔ سال مقال ہے ہو گا۔

 $L_{ar}(\theta)$ اس طرح ساکن کچھے کا امالہ L_{aa} اور گھوے کچھے کا امالہ L_{rr} مستقل ہوں گے جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ ورسے لکھے نے زاویہ θ پر منحصر ہو گا۔ جس لمحہ $\theta=0$ یا $\theta=\pm 2\pi$ یا $\theta=0$ ہو اس لمحہ ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے لکھے سے بھی گزرتا ہے اور ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے L_{ar0} سے ظاہر کیا جائے گا۔ جس لمحہ ہوتا ہو اس لمحہ دوبارہ ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے لیکن اس بار اس کا رخ الٹ ہوتا ہو اس لمحہ دوبارہ ایک کا مشتر کہ امالہ منفی ہو گا، $-L_{ar0}$ جبکہ $\theta=\pm 9$ پر ان کا مشتر کہ امالہ صفر ہو گا۔ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو سائن نما

$$(5.78) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

تصور کرتے ہوئے ساکن اور گھومتے کیچھوں کے ارتباط بہاو درج ذیل ہوں گے۔

(5.79)
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ar}(\theta)i_{r} = L_{aa}i_{a} + L_{ar0}\cos(\theta)i_{r}$$
$$\lambda_{r} = L_{ar}(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r} = L_{ar0}\cos(\theta)i_{a} + L_{rr}i_{r}$$

magnetic constant, permeability⁴⁵

ساکن کچھے کی مزاحمت R_a اور گھومتے کچھے کی مزاحمت R_r لیتے ہوئے ان کچھوں کے سروں پر قانون کرخوف سے برقی دباو درج ذیل ہوں گے۔

$$(5.80) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0}i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں θ برقی زاویہ ہے جس کی وقت کے ساتھ تبدیلی، ω دے گی۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ ہم-توانائی حاصل کی جا سکتی ہے۔ ہم-توانائی صفحہ 127 پر مساوات 4.72 سے حاصل ہو گ۔ یہ مساوات موجودہ استعال کے لئے درج زیل صورت اختیار کرتی ہے۔

(5.82)
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

اس سے میکانی قوت مروڑ T_m حاصل کرتے ہیں۔

(5.83)
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

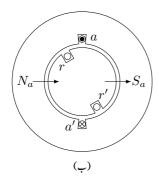
چونکہ P قطب مشینوں کے لئے درج ذیل ہوتا ہے

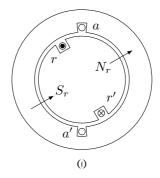
$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا جمين مساوات 5.83 سے درج ذيل حاصل ہو گا۔

$$(5.85) T_m = -\frac{P}{2} L_{ar0} i_a i_r \sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ T_m کی علامت منفی ہے۔ یوں جس لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کو ایک نی زاویہ مثبت ہو، اس لمحہ پر ان کچھوں کے نی قوت مروڑ منفی ہو گا۔ قوت مروڑ دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک رخ میں رکھنے کی کوشش کرتا ہے۔





شکل5.28: کیھوں کے قطبین۔

5.7.2 مكانى قوت مروڙ بذريعه مقناطيسي بهاو

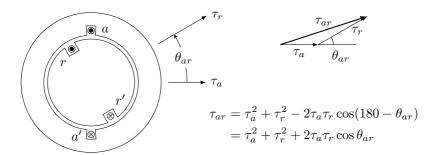
شکل 5.28-ا میں دو قطبی یک دوری مثین کے صرف گھومتے کچھے میں برقی رو پایا جاتا ہے۔ مثین کا گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین دکھائے گئے ہیں۔ اس کچھے کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے لہذا تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔

شکل 5.28-ب میں صرف ساکن کچھے میں برتی رو پایا جاتا ہے۔ ساکن حصہ سے مقناطیسی بہاو خارج ہو کر خلائی درز سے ہوتا ہوا گھومتے حصہ میں داخل ہوتا ہے لہذا یہی اس کا شالی قطب ہو گا۔ یہاں ساکن حصہ ایک مقناطیس مانند ہے جس کا محور تیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اگرچہ شکل 5.28 میں گچھ لچھے دکھائے گئے ہیں، در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو سائن-نما ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباوکی امواج کی چوٹیوں کو ظاہر کرتے ہیں۔

شکل 5.29 میں دونوں لیجھوں کو برتی رو فراہم کی گئی ہے۔ دونوں لیجھوں کے مخالف قطبین کے آج قوت کشش پایا جائے گا جس کی بنا دونوں لیجھے ایک ہی رخ ہونے کی کوشش کریں گے۔

واضح رہے کہ دونوں کیجے (مقناطیں) کوشش کریں گے کہ θ_{ar} صفر کے برابر ہو لینی ان کا میکانی قوت مروڑ θ_{ar} کے مخالف رخ ہو گا۔ یہی مساوات 5.85 کہتی ہے ۔



شكل 5.29: خلا كي در زمين مجموعي مقناطيسي دباو_

لچھوں کے مقناطیسی دباو کو مقناطیسی محور کے رخ τ_a اور τ_r سے ظاہر کیا گیا ہے جہاں τ_a اور τ_r سائن نما مقناطیسی دباو کی چوٹیوں کے برابر ہیں۔ خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو τ_{ar} ان کا مجموعہ ہو گا جس کا طول τ_{ar} کلیہ کوسائن τ_{ar} کا سے حاصل ہو گا:

(5.86)
$$\begin{aligned} \tau_{ar}^2 &= \tau_a^2 + \tau_r^2 - 2\tau_a \tau_r \cos(180^\circ - \theta_{ar}) \\ &= \tau_a^2 + \tau_r^2 + 2\tau_a \tau_r \cos \theta_{ar} \end{aligned}$$

خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو au_{ar} درج ذیل مقناطیسی شدت H_{ar} پیدا کرے گا جہاں کا کی درز کی لمبائی au_{ar}

$$\tau_{ar} = H_{ar}l_g$$

مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ خلاء میں جس مقام پر مقناطیسی شدت H ہو وہاں مقناطیسی H_{ar} ہم۔ توانائی کی کثافت H^2 ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط ہم۔ توانائی کی کثافت، درز میں H^2 کی اوسط کو H^2 ہے

 $cosine \ law^{46}$

 H^2 خرب کر کے حاصل ہو گا۔ کسی بھی سائن نما موج $H^2 = H = H_0 \cos \theta$ کا اوسط H^2 حاصل کرتے ہیں:

(5.88)
$$H_{\text{ls},\text{sl}}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} \, d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta \, d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \, d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \left. \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \right|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

یوں خلائی درز میں اوسط ہم-توانائی کی کثافت $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$ ہو گی۔ خلائی درز میں اوسط ہم-توانائی کو خلاء کے حجم سے ضرب کر کے درز میں کل ہم-توانائی W_m' حاصل ہو گی:

(5.89)
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درز کی رداسی لمبائی l_g اور دھرے 47 کے رخ محوری لمبائی 48 ہے۔ محور سے خلائی درز کا اوسط رداسی فاصلہ $r \gg l_g$ مزید $r \gg l_g$ تصور کیا گیا ہے جس کی بنا درز میں رداسی رخ، کثافت مقناطیسی بہاو کی تبدیلی نظر انداز کی جا سکتی ہے۔ اس مساوات کو ہم مساوات کی حدد سے درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(5.90)
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{g}} \left(\tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

یوں میکانی قوت مروڑ درج ذیل ہو گا۔

(5.91)
$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_0 \pi r l}{l_a} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

مساوات 5.91 میں قوت مروڑ دو قطبی مشین کے لئے حاصل کی گئ۔P قطبی مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کی میکانی قوت مروڑ دیتی ہے لہذا P قطبی مشین کی قوت مروڑ $\frac{P}{2}$ گنا ہو گی:

$$(5.92) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

 axis^{47} axial length⁴⁸

مساوات 5.92 ایک اہم مساوات ہے جس کے مطابق مثین کی میکانی قوت مروڑ، ساکن اور گھومتے لیجھوں کے مقاطیسی دباو کی چوٹیوں اور دونوں کے نیچ برتی زاویہ θ_{ar} کے سائن کی راست متناسب ہو گی۔ منفی میکانی قوت مروڑ کی مطلب ہے کہ یہ زاویہ θ_{ar} کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ θ_{ar} کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ تصول پر ایک دوسرے کے برابر لیکن مخالف رخ میکانی قوت مروڑ ہو گی البتہ ساکن گی۔ مثین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک دوسرے کے برابر لیکن مخالف رخ میکانی قوت مروڑ ہو گی البتہ ساکن حصہ کی قوت مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو گی جبکہ گھومتے حصے کی میکانی قوت مروڑ اس حصہ کو متحرک کرتی ہے۔

چونکہ مقناطیسی دباو کچھے کے برقی رو کا راست متناسب ہوں گے ہونکہ مقناطیسی دباو کچھے کے برقی رو کا راست متناسب ہوں گے۔ بیل ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.85 اور 5.92 ایک دوسرے جبکہ ہیں۔ در حقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل ایک جیسے ہیں۔

 ΔAEC کیں دوبارہ ساکن اور گھومتے کیجھوں کے مقناطیسی دباو دکھائے گئے ہیں۔ شکل-اکی تکون ΔAEC اور ΔBEC میں ΔBEC میں ΔBEC میں خان ہوگا۔

(5.93)
$$CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.94) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اسی طرح شکل WQ ہے جو درج ذیل ہو گا۔ ΔSWQ اور تکون ΔSWQ میں ΔSWQ مشترک ہے جو درج ذیل ہو گا۔

$$(5.95) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.92 کو درج ذیل لکھا جا سکتا ہے۔

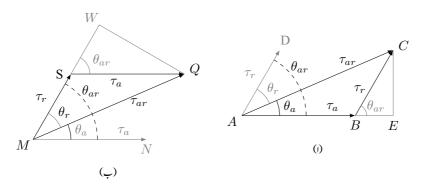
$$(5.96) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مهاوات 5.92، مهاوات 5.94 اور مهاوات 5.96 كو ايك ساتھ لكھتے ہيں۔

(5.97)
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$



شکل5.30: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

ان مساوات سے واضح ہے کہ میکانی قوت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباو اور ان کے نیج زاویہ کی صورت میں، یا کسی ایک کی کے نیج زاویہ کی صورت میں کھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جا سکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباو کی آپس میں ردعمل کی وجہ سے پیدا اور مقناطیسی دباو کی چوٹیوں اور ان کے چے زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباو، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بهاو اور مقناطیسی بهاو آپس میں تعلق رکھتے ہیں جنہیں مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباو au_{ar} اور درز میں کثافت مقناطیسی بهاو au_{ar} کا تعلق

$$(5.98) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_q}$$

استعال کر کے مساوات 5.97 کے آخری جزو کو درج زیل لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.99) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی مشینوں کی قالبی مقناطیسی مستقل μ کی محدود قیمت کی بنا قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹسلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ مشین کی بناوٹ کے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا ہو گا۔ اسی طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباو اس کچھے میں برقی رو پر مخصر ہوتا ہے۔ اس برقی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے کچھا گرم ہوتا ہے۔ برقی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک کچھے کو ٹھنڈا رکھنا ممکن ہو۔ یوں مقناطیسی

دباو کو ایک حد سے نیچے رکھنا ہو گا۔ مساوات 5.99 میں B_{ar} اور au_r دونوں صریحاً موجود ہیں للذا مشین کی بناوٹ کے نقطہ نظر سے یہ ایک اہم مساوات ہے۔

مساوات 5.99 کی دوسری اہم صورت دیکھتے ہیں۔ قطب پر اوسط کثافت مقناطیسی بہاو اوسطB اور قطب کے رقبہ A_P

(5.100)
$$B_{\text{begl}} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, \mathrm{d}\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.101) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

کا حاصل ضرب قطب پر مقناطیسی بہاو ϕ_P ہوتا ہے للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

(5.103)
$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

ہوں گے۔ مساوات 5.103 معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

فرہنگ

earth, 94	ampere-turn, 32
eddy current loss, 62	armature coil, 131, 251
eddy currents, 62, 126	axle, 161
electric field intensity, 10 electrical rating, 59 electromagnet, 131 electromotive force, 61, 137 emf, 137 enamel, 62 energy, 43 Euler, 21 excitation, 61	carbon bush, 177 cartesian system, 4 charge, 10, 136 circuit breaker, 178 coercivity, 46 coil high voltage, 56 low voltage, 56 primary, 55
excitation, 61 excitation current, 50, 60, 61 excitation voltage, 61 excited coil, 61	secondary, 55 commutator, 164, 241 conductivity, 25 conservative field, 108
Faraday's law, 38, 125 field coil, 131, 251 flux, 30 Fourier series, 63, 142 frequency, 130 fundamental, 142 fundamental component, 64	core, 55, 126 core loss, 62 core loss component, 64 Coulomb's law, 10 cross product, 13 cross section, 9 current transformation, 66 cylindrical coordinates, 5
ac, 159 ground current, 94 ground wire, 94 harmonic, 142	delta connected, 92 design, 195 differentiation, 18 dot product, 15
harmonic components, 64	E,I, 62

ئىرىتاك 270

parallel connected, 253	Henry, 39
permeability, 26	hunting, 178
relative, 26	hysteresis loop, 46
phase current, 94	
phase difference, 23	impedance transformation, 71
phase voltage, 94	in-phase, 69
phasor, 21	induced voltage, 38, 49, 61
pole	inductance, 39
non-salient, 140	
salient, 140	Joule, 43
power, 43	
power factor, 23	lagging, 22
lagging, 23	laminations, 31, 62, 126
leading, 23	leading, 22
power factor angle, 23	leakage inductance, 79
power-angle law, 188	leakage reactance, 79
primary	line current, 94
side, 55	line voltage, 94
	linear circuit, 226
rating, 96, 97	load, 98
rectifier, 164	Lorentz law, 136
relative permeability, 26	Lorenz equation, 102
relay, 101	
reluctance, 25	magnetic constant, 26
residual magnetic flux, 45	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 49, 164	intensity, 11, 33
rotor, 36	magnetic flux
rotor coli, 104	density, 33
rpm, 155	leakage, 78
	magnetizing current, 64
saturation, 47	mmf, 30
scalar, 1	model, 81, 207
self excited, 251	mutual flux linkage, 43
self flux linkage, 42	mutual inductance, 42
self inductance, 42	
separately excited, 251	name plate, 97
side	non-salient poles, 177
secondary, 55	
single phase, 23, 59	Ohm's law, 26
slip, 209	open circuit test, 86
slip rings, 176, 229	orthonormal, 3

ف رہنگ

unit vector, 2	star connected, 92
unit vector, 2	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
VA, 75 vector, 2 volt, 137 volt-ampere, 75 voltage, 137 DC, 164 transformation, 66	stator, 36 stator coil, 104, 127 steady state, 175 step down transformer, 58 step up transformer, 58 surface density, 11 synchronous, 130 synchronous inductance, 184 synchronous speed, 155, 176
Watt, 43	
Weber, 32	Tesla, 33
winding distributed, 140 winding factor, 147	theorem maximum power transfer, 229 Thevenin theorem, 226 three phase, 59, 92 time period, 100, 142 torque, 165, 209 pull out, 178 transformer air core, 59 communication, 59 ideal, 65
	transient state, 175

پتریاں،62	ابتدائی
يورا بوجھ، 197	جانب،55
نیچے،80	گچھا، 55
ىتىپ پېش زاويە، 22	ار تباط بهاو، 39
	اضافي
تاخير ي زاويه، 22	زاویا کی رفتار، 212
تار کی برقی د باو،94	اکائی سمتیه، 2
تار کی برقی رو،94	اماله، 39
تانبا،28	امالى بر قى د باو، 38، 49، 61
تبادله	اوہم میٹر،237
ر کاوٹ، 71	ا یک، تین پتریال، 62
مختی،97	ایِک مرحلہ،59
تدريجي تفرق،113 - 120	ايمپيئر - چکر ، 32
تعدد،130 آت 179	
تعقب،178 تفرق،18	136.,
عرن،18 جزوی،18	بر قرار چالو،175،100 م ت
برون. تکمل،18	بر قي بار، 136،106
س،18 تکونی جوڙ،92	بر تي د باد، 28، 137
توني بور، 42 توانائي، 43	تبادله،66،56
وانان، 45،59 تین مرحله، 92،59	ځرک،137
20,000,000	بيجاني،185
ٹرانسفار مر	يك شتى،164 ق
برُ تی د باووالا، 59	بر تی رو،28 بیخور نما،126
بوجھ بردار،68	بسور ما،120 تبادله،66
خلائی قالب،59	مبادله،006 بیجان انگیز،50
د باوبر ماتا، 58	یجان۱ میر،30 برتی سکت،59
د باو ِ گھٹا تا،58	ېري سختي،ود بر تي ميدان،10
ذرائع ابلاغ، 59	بری شیدان،10 شدت،28،10
رووالاء59	مرت.28،10 بش،177
كال65،	بناوك، 86
شلا، 33	بنیادی جزو، 142،644
ٹھنڈی تار،94	بو تھ ، 98
ثانوي جانب، 55	بھٹی،114
33. 4 4031	بجينور نما
جاول،43	برتی رو، 62
97.	ضياع،62
يچىلاو،147	بھنور نمابر تی رو،126
جزوطاقت،23	بے بو جھ ،60
پ <u>ث</u> ن،23	
تاخيرى،23	پ ر ی، 31، 126

<u>ــــرہگ</u>ـــــ

سرك چىلے،176،229	جنزیٹر بدلتی رو، 159 جوڑ تکونی، 92 تالیم نیا 92
سطى تكمل، 181	بدلخارو،159
سطى كثافت،11	جوز گانی ۵۲
سكت،96،96	ستاره نماه 92 ستاره نماه 92
سلسله وار 145	92100
سمت كار، 241	چکر فی منٹ،126
برقیاتی،164	پولى - 211 چۇلى، 211
ميكاني،164	
سمتىيە،2	خطى
عمودياکائي، 3	ېر تې دور، 226
سمتی ر فتار ،102	خو دار تباط بهاو، 42
سير ابيت،47	خوداماله، 42
ضرب	داخلي ڀيجان
نقطه،15	ر ساسله وار ، 253 سلسله وار ، 253
ضرب صليبي، 13	متوازی، 253 متوازی، 253
42 ***	مرکب،253
طاقت،43	دور برطی مرکب، 253
طاقت بالمقابل زاويه، 188 طول موج، 18	دور شکن، 178
طول مون، ۱۵	دوری عرصه، 142،100
عار ضی صور ت، 175	دهره 161
عمودی تراش،9	
ر تبہ،9	رشا
•	اماله، 79
غيرسمتي،1	متعامله، 79
غير معاصر ،178	رستامتعامليت،217
250 / :	رفتار
فورئير،250 : برنسل دې ده د	اضافی زاویاکی، 212
فوريئرنشلىل،63،142	روغن،62
فیراڈے	رياضي نمونه، 207،81
تانون،38،125	ریلے،101
قالب،126	زاویه جزوطاقت، 23
قالبي ضياع، 62	رادييه اردي العربي . زمين ،94
64.9.7.	رين. زيني بر تي رو، 94
قانون	رين برن روم. زيني تار، 94
اوېم،26)-t-000-0
كولمب ،10	ساكن حصه،36
لورينز،136	ساكن كيچها،127،104
قدامت پبند میدان، 108	ستاره نماجوژ،92
قريب جڙي مر ٽب، 253	سرك،209

274 سنرہنگ

مر حلی فرق، 23	قطب
مركب جزيثر، 253	ابھرے،140،177
مزاَحت، 2ُ5ُ	ہموار،140،177
مساوات لورينز، 102	قوت مر و _ل ر، 209، 165
مسكم	انتهائي،178
تھو نن ،226	قوى اليكٹر انكس، 241،207
زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی، 228	قوى ك <u>ى</u> ھے، 251
مشتر كه ارتباط اماله، 43	•
مشتركه اماله، 42	كارين بش،177
معاصر،130	كِار گذارى،200
معاصراماله،184	^ک پیسر ،194
معاصر ر فتار ، 176،155	کافت :
معائنه	برقې دو، 27
کھلے دور ،86	کثافت مقناطیسی بهاو
مقناطيس	بقاي،45
برق،131	كسر دور ، 38
معائنه کطیر دور،86 متناطیس برتی،131 چال کادائرہ،46	04
خاتم شدت،46	گرم تار، 94 **
مقناطیسی بر قی رو، 64	گومتاحصه،36
مقناطیسی بهاو،30	گھومتالچھا،104
رتا،78	ليجا
كثافت،33	•
مقناطيسي چال،52	ابترائی،55 سال 140
مقناطیسی د باو، 30	<u>کھلے</u> ،140
سمت، 141	.يىچىدار، 40 ئاندى، 55
مقناطيسي قالب، 55،31	عوی،دی زیاده برتی دباو، 56
مقناطیسی مستقل،166،26	ريده بري د بري د. ساكن، 104
31.26.9.7.	سمت،104 سمت،133
مقناطیسی میدان	ئىت. قوي،131
شدت، 33،11	- دن. کم بر تی د باو، 56
موژ،49،19	ا برن دورد. گومتا، 104
موثر قیت ،164	موم،104 میدانی، 131
 موسیقائی جزو،64،142	131,0
موصلیت،25	محد د
ميداني لچھے، 251	محد د کار تثیمی، 4 نکلی 5
¥ · · ·	تَلَى، 5
واٹ، 43	محرك بر تي د باو، 61
وولٹ،137	161.15
وولٺ-ايمپيئر،75	مخلوط عدد، 192
ويبر،32	مرحلي سمتيه، 186،21

> ك سمتى رو مشين، 241 ك مر حله، 23 ك مر حله برقى د باو، 94 كي مر حله برقى د و، 94 يولر مساوات، 21