برقی آلات

خالد خان يوسفر. كي

# عنوان

1X		ر يباچه
1	ائق	1 بنیادی حقاً
1	بنياد ک اکائيال	1.1
1	مقداری	1.2
2	سمتير	1.3
3	محدد، خط مرتب	1.4
3	1.4.1 كارتىمى محدد كانظام	
4	1.4.2 نگلی محدد کا نظام	
7	سمتيرقبر	1.5
8	رقبه عمودی تراش	1.6
9	ىرقى مىدان اور متناطبيسى مىيدان	1.7
9	1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت	
11	1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت	

iv	مسنوان

11																												
11																							نت .	ی کثاه	ئ)اور <sup>حج</sup>	سط	1.8	
11											 											ت	ئى كثاف	سط	1.8	.1		
12																								ك .	ى كثافت	حجج	1.9	
13		•			•				•	•				•								قطه	نربِن	ىاورخ	بِ صليب	ضر	1.10	
13								•			 											ببی	ب صل	ضر	1.10	.1		
16											 												بِنقط	ضر	1.10	.2		
18		•			•					•				•									غر <b>ق</b>	زوی ت	ِق اور ج	تفر	1.11	
19																									يا تكمل	خط	1.12	
19		•																							ئى تىمىل	سط	1.13	
21										•					•									٠ :	حلی سمته	•	1.14	
25																									,	ادوار	مقناطيسى	2
25										•					•								بٹ .	ر هچکچا ۴	حمتاوه	مزا	2.1	
26																												
28													 •	•						رت	اکیشا	سيدان	ر برقی.	پارواور	فت ِبر في	كثا	2.2	
		•	٠	•	•	•	•																				2.2	
29																							• •			برق		
											•												 راول	 در حصہ	اد وار	بر ق مقن	2.3 2.4	
31	•																	ندت	 ای شا	  پدان	 	مقناط	ر راول بهاواور	 در حصه اطیسی	اد وار اطیسی د و	برق مقنا کثا	2.3 2.4	
31 34													 			 	٠.	ئدت	، ای ش	 پدان	 بسی مب	مقنا <sup>ط</sup>	ر اول بهاواور ردوم	در حصه اطبیسی ا	ی اد وار اطیسی د و فت ِ مقنا اطیسی د و	برق مقنا مقنا	<ul><li>2.3</li><li>2.4</li><li>2.5</li></ul>	
31 34 37												 	 			 		ئدرے	ای ای	 پدان پدان	 بسی مېر 	مقناطب تواناکی	راول بهاداور ردوم امالهاور	ر اطیسی در حصه نیز که ا	ی اد وار اطیسی د و فت ِ مقنا اطیسی د و	بر ق مقن مقن خور	<ul><li>2.3</li><li>2.4</li><li>2.5</li><li>2.6</li></ul>	

عـــنوان V

55		ٹرانسفار	3
56	ٹرانسفار مر کی اہمیت	3.1	
59	ٹرانسفار مر کے اقسام	3.2	
60	المالى برقى د باؤ	3.3	
62	يجان انگيز بر قي رواور قالبي ضياع	3.4	
65	تبادله برقی د باؤاور تبادله برقی روکے خصوصیات	3.5	
68	ثانوى جانب يو جھ كا بتدائى جانب اثر	3.6	
69	ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کامطلب	3.7	
70	ر كاوٹ كاتبادلىر	3.8	
75	ٹرانسفار مر کے وولٹ -ایمپیئر	3.9	
77	ٹرانسفار مر کے امالہ اوراس کے مساوی دور	3.10	
77	3.10.1 کچھے کی مزاحمت اوراس کی متعاملہ علیحدہ کرنا		
79	3.10.2 رِستالماله		
79	3.10.3 ثانوى برقى رواور قالب كے اثرات		
81	3.10.4 ثانوى کچھے کی امالی برتی د باؤ		
82	3.10.5 ثانوي کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ کے اثرات		
82	3.10.6 ركاوك كالبتدائي ياثانوى جانب تبادله		
84	3.10.7 ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی دور		
86	کطے دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ	3.11	
87	3.11.1 كليا دور معائنه		
89	3.11.2 كىردورمعائنە		
93	تىن مر حلىه ٹرانسفار مر	3.12	
101	ٹرانسفار مر چالو کرتے لیحہ زیادہ محر کی برتی رو کا گزر	3.13	

عـــنوان

ميكانى توانائى كابا بمى تبادله	بر قی اور	4
مقناطلیسی نظام میں قوت اور قوت مر وڑ	4.1	
تبادلى توانائى والاا يك كچھے كانظام	4.2	
توانائی اور کو-توانائی	4.3	
زياده کچھول کامقناطيسی نظام	4.4	
شین کے بنیادی اصول	گھومتے	5
قانونِ فیراڈے	5.1	
معاصر مشين	5.2	
م کرک برتی دباؤ	5.3	
ت پيلي کمچھ اور سائن نمامقناطيسي د باؤ	5.4	
5.4.1 بدلتی رووالے مثین		
مقناطىيى د باؤ كى گھومتى موجيں	5.5	
5.5.1 ایک دورکی کپٹی مثنین		
5.5.2 تين دور کي کپڻي مشين کا تحليلي تجربي		
5.5.3 تين دورکي کپڻي مشين کاتر سيمي تجزيه		
محرک برتی دبائد	5.6	
5.6.1 بدلتی روبر تی جزیئر		
5.6.2 يک سمتي روبر قی جزيئر		
هموار قطب مشینول میں قوت مروڑ	5.7	
5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی قوت مروڑ کا حساب		
5.7.2 متناطیسی بهادسے میکانی قوت مروژ کاحساب		

vii

6

عال، بر قرار چالومعاصر مشين	یکسال،
متعد دم حله معاصر مثنین	6.1
معاصر مثلین کے امالہ	6.2
6.2.1 خوداماله	
6.2.2 مشتر كه اماله	
6.2.3 معاصراماله	
معاصر مشین کامساوی دوریاریاضی نمونه	6.3
ىرقى ھاتتى كى نتقلى	6.4
كيسال حال، بر قرار چالومشين كے خصوصيات	6.5
194	
195	
کلے دوراور کسرِ دور معائنہ	6.6
6.6.1 گلطے دور معائنہ	
6.6.2 كىر دور معائند	

209	امالی مشیر	7
ساكن لىچھوں كى گھومتى مقناطىيى موج	7.1	
مشین کی سر کنے اور گھومتی موجول پر تبصرہ	7.2	
ساكن لچھوں ميں امالي برقی د باؤ	7.3	
ساکن کچھوں کی موج کا گھوٹے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباؤ	7.4	
گھومتے کچھوں کی گھومتی مقناطیسی د ہاؤ کی موج بریں ہوتے ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	7.5	
گھوٹے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے ۔	7.6	
امالي موثر كامساوى برقى دور	7.7	
ماوی بر تی دور پر غور	7.8	
امالى موٹر كامساوى تقونن دوريارياضى نمونىد	7.9	
ينجر انمالهالي موثر	7.10	
بے یو جھے موٹراور جامد موٹر کے معائنہ	7.11	
7.11.1 بي بو چھ موٹر كامعائند		
7.11.2 جامد موثر کامعائد		
رومشين	يك سمتى	8
ميكاني ست كاركى بنيادى كاركردگى	8.1	
8.1.1 ميكاني ست كاركي تفصيل		
ك ستى جزيرً كى برقى د باؤ	8.2	
قوت مرور مرور مرور مرور مرور مرور مرور مر	8.3	
يروني بيجان اور خود بيجان يك سمتى جزير	8.4	
يك سمتى مشين كى كار كردگى كے خط	8.5	
8.5.1 حاصل برقی د باؤ بالقابل برتی بوجھ		
8.5.2 رفتار بالمقابل قوت مرور گریستان مرور گریستان مرور گریستان کرور گرور گریستان کرور گریستان ک		
269	ٺ	فرہنگا

# د يباچه

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔ دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کر سکتے ہیں۔

مارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔ میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور بول یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں کھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال سکنیکی الفاظ میں استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی اصطلاحات کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا قوامی نظامِ اکائی استعال کی گئ ہے۔اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

یہ کتاب Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دی گئی۔ یہ کتاب خطِ جمیل نوری نستعلق میں ککھی گئی ہے۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیئرنگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری برقیاتی پتہ

khalidyousafzai@comsats.edu.pk

پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

میں یہاں عائشہ فاروق اور ان کے والد فاروق اعظم کا شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے اس کتاب کو بار بار پڑھا اور جھے مجبور کرتے رہے کہ میں اپنی اردو بہتر کروں۔ میں ڈاکٹر نعمان جعفری کا نہایت مشکور ہوں جنہوں نے کتاب کی تکنیکی اصطلاح کرنے میں مدد کی۔ حرا خان اور ان کی والدہ عزرا برلاس نے مل کے کتاب کو درست کرنے میں مدد کی۔ یہاں میں اپنے شاگرہ فیصل خان کا بھی شکریہ ادا کرنا چاہوں گا جنہوں نے تکنیکی اصطلاحات چننے میں میری مدد کی۔

میں یہاں کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے الیمی سر گرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفز. کی

2011 كتوبر 2011

# باب1

# بنيادي حقائق

اس کتاب میں جگہ جگہ مختلف حقائق آئیں گے جنہیں اس باب میں اکٹھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔یہ توقع کی حاتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توجہ رکھنا زبادہ آسان ہو گا۔

### 1.1 بنيادي اكائيال

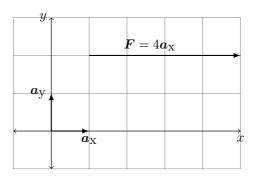
اس كتاب مين بين الاقوامي نظام اكائي استعال كيا جائے گا۔ اس نظام ميں كميت 2 كى اكائى كلوگوام، لمبائى كى اكائى میٹر اور وقت کی اکائی سیکنڈ ہے۔

#### 1.2 مقداري

وہ متغیرہ جس کی مقدار معین ہو اسے مقدادی 3 کہتے ہیں۔ اس کتاب میں مقداری متغیرہ کو سادہ طرز کی لکھائی میں انگریزی یا لاطینی زبان کے حصوٹے حروف لیعنی  $a,b,lpha,\cdots$  یا بڑے حروف لیعنی  $A,B,\Psi,\cdots$  سے ظاہر کیا جائے گا، مثلاً برقی رو کو i یا I سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

International System Of Units, SI<sup>1</sup>

2 بابـــ 1 بنيادي حتائق



شكل 1.1: كار تيسي محد د

#### 1.3 سمته

وہ خط جس کا طول اور ست معین ہو، اسے سمتیہ  $^4$  کہتے ہیں۔ سمتیہ کو انگریزی یا لاطین زبان کے چھوٹے یا بڑے حروف، جن کو موٹے طرز کی کھائی میں کھا گیا ہو، سے ظاہر کیا جائے گا، مثلاً قوت کو  $^7$  سے ظاہر کیا جائے گا۔ یہاں شکل 1.1 سے رجوع کرنا بہتر ہے۔ ایک ایسا سمتیہ جس کا طول ایک کے برابر ہو، کو انکائی سمتیہ کا مثلاً اکائی سمتیہ اس کتاب میں اکائی سمتیہ کو انگریزی زبان کے پہلے حرف کو موٹے طرز کی کھائی میں لکھا جائے گا، مثلاً اکائی سمتیہ خودی سمتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔  $a_{\rm X}$  کھے ہوئے، زیر نوشت میں کہ اس بات کی نشاند ہی کرتا ہے۔ اگر کسی سمتیہ کا طول اور اس کی سمت کو علیحہ ہی گھا کہ کو تا ہم کہ یہ اکائی سمتیہ خودی سمتیہ خودی سمتیہ کو ظاہر کرتا ہے۔ اگر کسی سمتیہ کا طول اور اس کی سمت کو علیحہ کی خواہر کرتا ہے۔ اگر کسی سمتیہ ہوئی حرف استعال کیا جائے گا جو اس سمتیہ کو ظاہر کرنے کے لئے سادہ طرز کی کھائی میں، استعال کیا گیا ہو۔ یعنی سمتیہ ہی سمت میں ایک اکائی سمتیہ بنایا جائے گا۔ شکل میں سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ اگر کسی سمتیہ کی سمت میں ایک اکائی سمتیہ بنایا جائے تو یہ اکائی سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسے اکائی سمتیہ کو انگریزی کے پہلے حرف، جس کو سمت کو ہو کہ سمت کو ہو ہو ہے ایسی سمتیہ کی سمت کو طاہر کیا جائے گا۔ یہاں، سمتیہ کی سمت کو طاہر کیا جائے گا یعنی سمتیہ کی سمت کو ظاہر کر رہا ہے۔ شکل میں چونکہ خودت میں جانا ہو ہے لئذا ہو ہے کہ یہ اکائی سمتیہ کی سمت کو ظاہر کر رہا ہے۔ شکل میں چونکہ خودت کی راب ہیں۔

vector<sup>4</sup> unit vector<sup>5</sup> 1.4. محدد ، خط مرتب

#### 1.4 محدد، خطام تب

ایک ایبا طریقہ جس کے ذریعہ کسی نقطہ کا مقام متعین کیا جاسکے کو خط مرتب یا محدد کہتے ہیں۔

خلاء تین طرفہ <sup>6</sup> ہے۔ للذااس میں کسی ایک نقطہ کے مقام کو تین محدد کی مدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ مزید سے کلاء میں کسی سمتیر کو تین عمودی اکائی سمتیوں کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔اب ہم ایسے چند محدد کے نظام دیکھتے ہیں۔

#### 1.4.1 كار تيسى محدد كانظام

شکل 1.1 میں خلاء کی دو سمتیں اکائی سمتیہ  $a_{\rm x}$  اور  $a_{\rm y}$  سے ظاہر کی گئی ہیں۔ یہ دونوں آپس میں عمودی ہیں بینی ان کا آپس میں  $90^{\circ}$  کا آپس میں  $90^{\circ}$  کا زاویہ ہے۔ خلاء تین طرفہ ہے الہٰذا اسے تین عمودی اکائی سمتیات سمتیں x,y,z سمتوں کی جانب، طول کو x,y,z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ ان سے بخوبی واقف ہیں۔

اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو  $a_x$  کی جانب رکھ کر انہیں  $a_y$  کی جانب موڑا جائے تو اس ہاتھ کا انگوٹھا  $a_z$  کی سمت کو ظاہر کرے گا۔لہذا، خلاء کا بیر تین اکائی سمتوں والا نظام ایک دائیں ہاتھ کا نظام $a_z$  ہے۔

 $^{9}$  کارتیسی محدد  $^{9}$  کارتیسی محدد  $^{9}$  کارتیسی محدد  $^{9}$  کارتیسی محدد فقط میں تین سمتہ سے یوں ظاہر کر سکتے ہیں۔

$$(1.1) A = A_x + A_y + A_z$$

يا

$$(1.2) A = xa_{X} + ya_{Y} + za_{Z}$$

کار تیسی محدد کے نظام میں اگر ہم متغیرہ z کو صفر رکھیں اور x,y کو تبدیل کریں تو ہمیں سطح x-y ملتی ہے۔ اس طرح اگر شکل 1.2 میں نقطہ P(2,4,3) ہو اور x-y سطح کو زمین سمجھا جائے تو شکل میں ڈبہ کے بالائی

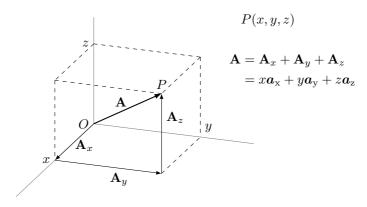
three dimensional<sup>6</sup>

orthonormal vectors<sup>7</sup>

right handed coordinate system<sup>8</sup>

cartesian coordinates<sup>9</sup>

4 بابـــ 1 بنيادي حت أق



شكل 1.2: كارتيسي محدد نظام ميں ايك سمتيه

سط پر z کی مقدار معین ہے لینی z=3 جبکہ x صفر سے تین کے در میان تبدیل اور y صفر سے چار کے در میان تبدیل ہوتا ہے۔ یعنی اس ڈبہ کے بالائی سطح کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

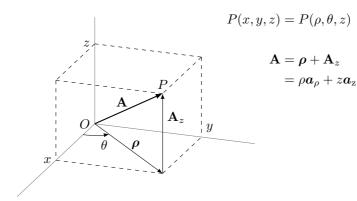
ای طرح اگر z کو صفر اور تین کے در میان ہر ممکن قیت پر رکھ کر x اور y کو اسی طرح ان حدول کے در میان تبدیل کیا جائے تو ہمیں اس ڈب کا پورا حجم حاصل ہو گا۔ للذا اس ڈب کے حجم کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

### 1.4.2 نلكى محدد كانظام

شکل 1.3 میں ایک سمتیہ A مبدا سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔ اس سمتیہ کو شکل میں دو سمتیوں کی مدد سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یعنی

$$(1.5) A = \rho + A_z$$

1.4. محيده خطام تب



شكل 1.3: نلكي محد د نظام

١

$$\mathbf{A} = \rho \mathbf{a}_{\rho} + z \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$

سمتیہ  $a_{
ho}$  سے ظاہر ہے کہ x-y کی سے ظاہر ہے کہ

$$(1.7) x = \rho \cos \theta$$

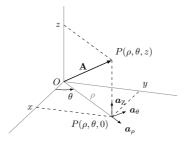
$$(1.8) y = \rho \sin \theta$$

للذا ہم نقطہ P(x,y,z) کو متغیرہ x,y,z کی جگہ متغیرہ z ہی متغیرہ کے بین z ہیں ہورے ہیں ہی کھو سکتے ہیں z ہم خلاء میں کسی بھی نقطہ کو اس کے تین متغیرہ z ہم خلاء میں کسی بھی نقطہ کو اس کے تین متغیرہ z ہم خلاء میں کسی بھی انقطہ کو اس کے تین متغیرہ z

وہ نظام جس میں متغیرہ z,  $\theta$ , z کی نقطہ کو متعین کرنے کے لئے استعال ہوں کو نلکی محدد $^{10}$  کہتے ہیں۔ یہاں شکل 1.4 سے رجوع کریں۔ اس نظام کے تین عمودی اکائی سمتیہ  $a_{
ho}$ ,  $a_{
ho}$  کی جانب رکھ کر انہیں  $a_{
ho}$  کی جانب موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا  $a_{
ho}$  کی سمت میں ہوگا۔ یہ تین عمودی اکائی سمتیہ کی تفصیل یوں ہے۔

 $a_{\rho}$  میں مبدا پر، محدد x سے زاویہ  $\theta$  کی جانب اگر اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ مودی سمت میں مبدا پر، زاویہ x-y بڑھانے والے سمت میں، ایک ہو گی۔ اگر اس سطح x-y راکائی سمتیہ  $a_{\rho}$  کی عمودی سمت میں مبدا پر، زاویہ  $a_{\sigma}$  برنھانے والے سمت میں تھی۔ اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ  $a_{\sigma}$  ہو گی۔ اکائی سمتیہ  $a_{\sigma}$  ہو گی۔ اکائی سمتیہ ہے جو کار تیسی محدد نظام میں تھی۔

اب\_1. بنيادي حت أق



شكل 1.4: نكلى نمامحد د كى تعريف

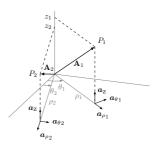
یہاں سے واضح رہے کہ اس نگی محدد کے نظام میں  $a_{
ho}$  اور  $a_{ heta}$  کی سمتیں ہر نقطہ پر مختلف ہیں جیسا کہ شکل 1.5 میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں شکل 1.6 سے رجوع کریں۔ اگر نگی محدد میں ایک سمتیہ (جس کا متغیرہ z صفر کے برابر ہو، لیخی z=0 ، اور اس کا رداس  $\rho$  ایک مستقل مقدار ہو مثلاً  $\rho=0$  کو یوں بنایا جائے کہ اس کا زاویہ z=0 کو صفر z=0 تک لے جایا جائے تو اس سمتیہ کی چونج سطح z=0 پر ایک دائرہ بنائے گی۔ اب اگر اس سمتیہ کے متغیرہ z=0 کو بھی تبدیل کیا جائے ، مثلاً z کو صفر اور تین کے درمیان اس طرح تبدیل کیا جائے کہ ہر z=0 پر z=0 کو صفر z=0 تین تک لے جایا جائے تو یہ سمتیہ ایک نگلی بنائے گی۔ اس وجہ سے اس نظام کو نگلی محدد کہتے ہیں۔ اب اگر ہم سمتیہ کے تین مساوات ان باتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔

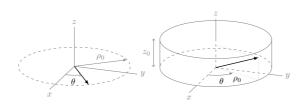
(1.9) 
$$\delta = \begin{cases}
\rho = \rho_0 \\
0 < \theta < 2\pi \\
z = 0
\end{cases}$$

cylindrical coordinates<sup>10</sup>

1.5. سمتيرقب



 $a_{
ho}$ ادر $a_{
ho}$ بر نقط پرمختلف ہیں۔ $a_{
ho}$ ادر  $a_{
ho}$ بر نقط پرمختلف ہیں۔



شكل 1.6: نكى محد دميں دائر ەاور نككى

#### 1.5 سمتيرتبه

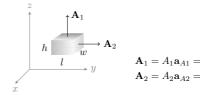
شکل 1.7 کو مدِ نظر رکھیں۔ کسی سطح سے اگر اس کے عمود کی جانب ایک فرضی لکیر کھینچی جائے تو اس لکیر پر اکائی سمتیہ اس سطح کی سمت کو ظاہر کرتی ہے۔ چو نکہ کسی بھی سطح، مثلاً اس کتاب کا ایک صفحہ، کے دو اطراف ہوتے ہیں للذا اس کے دو، آپس میں اُلٹ، سمتیں بیان کی جا سمتی ہیں۔ عموماً مسئلہ کو مدِ نظر رکھتے ہوئے ان میں سے ایک سمت کو اس سطح کی سمت لیا جاتا ہے۔ البتہ اگریہ سطح بند سطح ہو، مثلاً گیند کی شکل کا ہو، تب باہر جانب کو ہی اس سطح کی سمت لیا جاتا ہے۔ البتہ اگریہ کل کا رقبہ  $A_1$  کا رقبہ  $A_2$  کا رقبہ  $A_3$  کا رقبہ  $A_3$  کا رقبہ  $A_4$  کا رقبہ  $A_5$  کا رو اس کی سمت ہے۔ لہذا  $A_5$  سمتیہ کا طول  $A_5$  کا رور اس کی سمت ہے۔ لہذا  $A_5$  سمتیہ کا طول  $A_5$  کا رور اس کی سمت ہے۔ البدا

$$A_1 = wl$$
$$a_{A1} = a_{Z}$$

للذا

$$\mathbf{A_1} = A_1 \mathbf{a_{A1}} = wl\mathbf{a_Z}$$

8 باب1. بنيادي حت أتق



شكل 1.7: سمتيه رقبه كاتعارف

ای طرح دائیں جانب سطح  $A_2$  سمتیہ کا طول  $A_2$  ہے اور اس کی سمت  $A_2$  ہے۔ لینی  $A_2=wh$   $a_{A2}=a_{
m V}$ 

للذا

$$\mathbf{A_2} = A_2 \mathbf{a_{A1}} = wh\mathbf{a_y}$$

ایوں نیجے کی سطح کا رقبہ  $A_3 = wl$  ہے اور اس کی سمت خلاء کی اکائی سمتیہ کے اُلٹ ہے لہذا  $A_3 = A_3 = wl$  (1.14)  $A_3 = A_3 a_{A3} = wl(-a_z) = -wla_z$ 

یہاں دھیان کریں کہ رقبہ ہر صورت میں مثبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتی کے لئے درست ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔ منفی ہو سکتی ہے۔

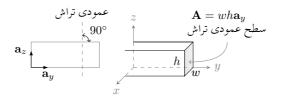
## 1.6 رقبه عمودي تراش

زاویہ قائمہ بناتے ہوئے لمبائی میں کسی چیز کی کٹائی کو عمودی تواش 11 کہتے ہیں۔

شکل 1.8 میں ایک سلاخ دکھائی گئی ہے۔ اس کو اکائی سمتیہ  $a_y$  کی سمت میں لٹایا گیا ہے۔ اگر ہم تصور میں اس سلاخ کو لمبائی کی عمودی سمت میں کا ٹیس تو اس کا جو سرا بنے گا اس سطح کے رقبہ کو رقبہ عمودی تواش  $^{12}$  کہتے ہیں۔ شکل میں دکھایا گیا رقبہ عمودی تراش A کی مقدار A ہے جہاں

$$(1.15) A = wh$$

 $<sup>{\</sup>rm cross\ section^{11}} \\ {\rm cross\ sectional\ area^{12}} \\$ 



شكل 1.8: رقبه عمودي تراش

مسکلہ کو دیکھتے ہوئے اس رقبہ عمودی تراش کی سمت کا تعین کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس کی سمت مطاء کے اکائی سمتیہ  $a_{A}$  ضاء کے اکائی سمتیہ  $a_{Y}$  کی جانب ہے لہذا

$$(1.16) a_A = a_V$$

شکل میں بائیں جانب سلاخ کے نچلے کونے پر اکائی سمتیہ  $a_y$  اور  $a_z$  دکھائے گئے ہیں۔ان سمتیوں کے ابتدائی نقطہ پر گول دائرہ میں ایک نقطہ دکھایا گیا ہے۔ گول دائرہ میں بند نقطہ صفحہ سے عودی طور پر کتاب کی باہر جانب سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں میں سمتیہ  $a_x$  کی سمت دکھلا رہا ہے۔ اس کی اُلٹ سمت لینی صفحہ کی عمودی اندر کی جانب کو گول دائرہ میں بند صلیب کے نقان سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

# 1.7 برقی میدان اور مقناطیسی میدان

### 1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت

کولمب کیے قانون  $^{13}$  کے تحت بوقی بار $^{14}$  سے لدے جسموں کے در میان قوت کشش  $^{15}$  یا قوت دفع  $^{16}$  ان اجسام پر بار $^{17}$  کی مقدار کے حاصل ضرب کے راست متناسب اور باہمی فاصلہ کے مربع کے بالعکس متناسب ہوتی ہے۔ اس قانون کو مساوات کی شکل میں یوں لکھا جاتا ہے۔

$$(1.17) F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2}$$

Coulomb's law<sup>13</sup>

electric charge<sup>14</sup>

attractive force<sup>15</sup>

repulsive force<sup>16</sup>

 $<sup>{\</sup>rm charge}^{17}$ 

10 بابـــ 1 بنيادي حتائق

اگرایک برقی بارکسی جگہ موجود ہو اور دوسرا برقی بار اس کے قریب لایا جائے تو دوسرے برقی بار پر کشش یا دفع کی قوت عمل کرے گی جس کا تعین کولمب کے قانون سے ہوتا ہے۔ اگر دوسرے برقی بار کو پہلے برقی بار سے آہتہ آہتہ دُور لے جائیں تو قوت کشش یا دفع کم ہوتی جاتی ہے۔ ایک خاص فاصلے کے بعد بیہ قوت عملی طور پر صفر ہو جاتی ہے اور دوسرا بار پہلے بار کے حلقہ اثر سے باہر ہو جاتا ہے۔ اس حلقہ کے اندر واقع جگہ کو بوقی میدان کہا جاتا ہے۔ برقی میدان کسی ایک بارکی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے۔ لہذا برقی میدان کی تعریف یوں کی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے۔ لہذا برقی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔

کسی بار کے برقی میدان سے مراد بار کے ارد گرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا برقی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

بوقی میدان کی شدت  $E^{18}$  کی مقدار اور اس کی سمت کسی مقام پر معلوم کرنے کا طریقہ یہ ہے کہ ایک مثبت اکائی بار کو اگر کسی بار Q کے برقی میدان میں رکھا جائے تو جس سمت میں وہ مثبت اکائی بار حرکت کرے یا حرکت کرنے کے لئے مائل ہو، وہی برقی میدان کی شدت کی سمت ہو گی اور جو قوت اس پر اثر انداز ہو وہ برقی میدان کی شدت ہو گا۔ برقی میدان کی شدت کی اکائی وولٹ فی میٹر C

کولمب کے قانون لینی مساوات 1.17 کی مدد سے ایک بار Q کی برقی میدان کی شدت کی مقدار یوں حاصل کی جا سکتی ہے۔ بار Q اور اکائی بار لینی ایک کولمب بار کے در میان قوتِ کشش یا قوتِ د فع

$$(1.18) F = \frac{Q \times 1}{4\pi\epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شدت کی مقدار ہے یعنی

$$(1.19) E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}$$

اگر دو باروں کے در میان سید هی کلیر تھینچی جائے تو ان کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کی سمت اس لکیر کی سمت میں ہو گی۔

electric field intensity  $^{18}$  V/m $^{19}$ 

1.8. سطحي اور حجري كثافت

## 1.7.2 مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت

مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت<sup>20</sup> بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طرح ہوتی ہے۔

مقناطیسی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔ کسی مقناطیس کے مقناطیسی میدان سے مراد مقناطیس کے اِرد گرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا مقناطیسی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

## 1.8 سطحی اور حجمی کثافت

## 1.8.1 سطى كثافت

اکائی رقبہ کی سطح پر کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی مسطحی کٹافت  $^{21}$  کہتے ہیں۔ مثال کے طور پر اگر رقبہ A پر کسی متغیرہ کی کل مقدار  $\phi$  ہو تب اس متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت  $_{100}$  ہیے ہو گی

$$(1.20) B_{b \cdot l} = \frac{\phi}{A}$$

اس مساوات کو بوں بھی لکھا جا سکتا ہے

$$\phi = B_{krt}A$$

یعنی اگر ہمیں کسی سطح پر ایک متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہو تب ہم اس سطح پر اس متغیرہ کی کل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

اگر سطح پر متغیرہ ہر جگہ یکسال نہ ہو تب اس سطح پر سطحی کثافت جگہ جگہ تبدیل ہو گی۔ اس صورت میں اگر اتنا چھوٹار قبہ لیا جائے کہ اس پر متغیرہ یکسال تصور کیا جا سکے تب اس نقطہ پر سطحی کثافت یوں حاصل ہو گی

$$(1.22) B = \frac{\Delta \phi}{\Delta A}$$

 $\begin{array}{c} {\rm magnetic~field~intensity^{20}} \\ {\rm surface~density^{21}} \end{array}$ 

12 بابادی حت أق

جہاں  $\Delta A$  میہ مجھوٹا رقبہ اور  $\Delta \phi$  اس رقبے پر متغیرہ کی مجھوٹی سی مقدار ہے۔ اگر میہ رقبہ ایک نقطہ کی مانند کر دیا جائے تب اس مساوات کو یوں لکھا جائے گا۔

$$(1.23) B = \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}A}$$

اس مساوات کو ہم یوں بھی بیان کر سکتے ہیں

$$d\phi = B \, dA$$

لین اگر ہمیں کسی نقطہ پر ایک متغیرہ کی سطحی کثافت معلوم ہو تب اس نقطہ کے چھوٹے سے رقبہ پر ہم اس متغیرہ کی کر مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

اسی طرح اگر ایک برقی تار کا رقبه عمودی تراش A ہو اور اس میں برقی رو I گزر رہی ہو تو اس تار میں اوسط کثافت برقی رو

$$\rho_{\text{bod}} = \frac{I}{A}$$

ہو گی۔

## 1.9 محجمي كثافت

اکائی حجم میں کسی چیز کی کل مقدار کو اس چیز کی حجمی کثافت کہتے ہیں۔ یہاں ہم کمیت کی مثال لیتے ہیں۔ اگر کسی چیز کا حجم کی اور اس کی کمیت m ہو تب اس کی اوسط حجمی کثافت ہے ہو گی۔

$$\rho_{\rm level} = \frac{m}{V}$$

اسی طرح اگراس چیز کی کمیت اس کے جم میں جگہ جگف ہو تب اس کی ایک نقطہ کی محجی کثافت معلوم کرنے کے لئے اس کا اتنا چھوٹا حصہ لیا جاتا ہے کہ اس چھوٹے حصہ میں اس کی کمیت کو ہر جگہ کیساں تصور کیا جا سکے تب اس چھوٹے حصے کی محجی کثافت ہے ہو گی۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta V}$$

اب اگراس چھوٹے ھے کو ایک نقطہ مانند کر دیا جائے تب ہم لکھ سکتے ہیں کہ

$$\rho = \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}V}$$

اور

$$dm = \rho \, dV$$

یعنی اگر ہمیں ایک نقطہ کی محجمی کثافت معلوم ہو تب ہم ایک نہایت چھوٹے مجم کی کمیت اس مساوات کی مدد سے حاصل کر سکتے ہیں۔

## 1.10 ضرب صليبى اور ضرب نقطه

دو مقداری متغیرات کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہی ہوتی ہے جبکہ دو سمتیہ متغیرات کا حاصلِ ضرب سمتیہ متغیرہ یا مقداری متغیرہ ہو سکتی ہے۔ان دو اقسام کے ضرب پریہال غور کیا جائے گا۔

#### 1.10.1 ضرب صليبي

الی دو سمتیہ متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب سمتیہ متغیرہ ہو کو ضربِ صلیبی<sup>22</sup> کہتے ہیں اور اسے یوں لکھا جانا ہے۔

$$(1.30) C = A \times B$$

ضربِ صلیبی میں ضرب کے نشان کو صلیب کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ای سے اس کا نام ضربِ صلیبی لیا گیا ہے۔

حاصل ضرب سمتیه *C* کی مقدار

(1.31) 
$$C = |\mathbf{C}| = |\mathbf{A}||\mathbf{B}|\sin\theta_{AB}$$
$$= AB\sin\theta_{AB}$$

cross product<sup>22</sup>

14 بابـــ 1 بنيادي حتائق

ہے جہال  $\theta_{AB}$  ان کے مابین زاویہ ہے۔اس حاصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے یوں حاصل کی جاتی ہے۔

اگر آپ دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو سمتیہ A کی سمت میں رکھ کر B سمتیہ کی سمت موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا C سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرے گا۔

### مثال 1.1: مندرجه ذيل ضرب صليبي حاصل كرس-

- $a_{\mathtt{X}} imes a_{\mathtt{Y}} \quad a_{\mathtt{Y}} imes a_{\mathtt{Z}} \quad a_{\mathtt{Z}} imes a_{\mathtt{X}} \quad a_{\mathtt{X}} imes a_{\mathtt{Z}} \quad \bullet$
- $oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} = oldsymbol{a}_{ extsf{Y}} imes oldsymbol{a}_{
  ho} imes oldsymbol{a}_{ heta} = oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} imes oldsymbol{a}_{
  ho} oldsymbol{\bullet}$

حل: اس مثال میں سب سمتیہ اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔ المذا

- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{y}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{z}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{x}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{x}}$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \bullet$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \bullet$
- $\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \times \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\sin 90(-\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}) = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$
- اس مثال میں چونکہ دونوں سمتیہ ایک ہی جانب ہیں للذا ان کے مابین زاویہ صفر ہے۔ صفر زاویہ کا سائن صفر ہی ہوتا ہے لیعنی  $\sin 0 = 0$  للذا ان دو سمتیہ کا ضربِ صلیبی صفر ہو گا $a_{
  m y} imes a_{
  m y} = (1)(1)\sin 0 = 0$

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \times \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\sin 90\boldsymbol{a}_{z} = \boldsymbol{a}_{z}$$

$$\mathbf{a}_{\mathbf{z}} \times \mathbf{a}_{\rho} = (1)(1)\sin 90\mathbf{a}_{\theta} = \mathbf{a}_{\theta} \bullet$$

مثال 1.2: شکل 1.9 میں چار نیوٹن کی قوت F محور سے تین میٹر کی سمتیہ فاصلہ L پر لا گو ہے۔اس شکل میں اس کی تفصیل دی گئی ہے۔اس قوت کی قوت مروڑ حاصل کریں۔ حل: قوت مروڑ T کی تحریف یہ ہے

$$(1.32) T = L \times F$$

کار تیسی نظام میں اس سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(1.33) L = L\sin\theta a_{X} - L\cos\theta a_{Y}$$

للذا

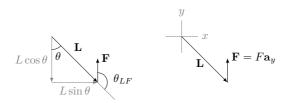
$$T = (L\sin\theta \mathbf{a}_{X} - L\cos\theta \mathbf{a}_{y}) \times F\mathbf{a}_{y}$$
$$= L\sin\theta \mathbf{a}_{X} \times F\mathbf{a}_{y} - L\cos\theta \mathbf{a}_{y} \times F\mathbf{a}_{y}$$
$$= LF\sin\theta \mathbf{a}_{z}$$

يبال ليجيلي مثال کی مدو سے 
$$a_{
m x} imes a_{
m y} = 0$$
 اور  $a_{
m y} imes a_{
m y} imes a_{
m z}$  کئی ہیں۔ یول  $T = LF \sin heta_{
m z} = 12 \sin heta_{
m z}$  N m

 $\sin lpha = \sin(180^\circ - lpha)$  ہوتا مثال میں  $heta = \sin(180^\circ - lpha)$  ہوتا ہے۔ اس مثال میں وڑ کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے۔ ہانذا اس قوت مروڑ کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

$$T = LF \sin \theta \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$
$$= LF \sin \theta_{LF} \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$

یمی جواب ضربِ صلیبی کی تعریف یعنی مساوات 1.31 اور دائیں ہاتھ کے قانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔ اب\_1. بنيادي حت أق



شكل 1.9: كارتيسي نظام ميں قوت مروڑ كاحل

1.10.2 ضربِ نقطه

الی دو سمتیه متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب مقداری متغیره ہو کو صوبِ نقطہ <sup>23</sup> کہتے ہیں اور اسے یوں لکھا جاتا ہے۔

$$(1.34) C = A \cdot B$$

ضربِ نقطہ میں ضرب کے نشان کو نقطہ کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔اسی سے اس کا نام ضربِ نقطہ لیا گیا ہے۔

ضربِ نقطہ میں حاصلِ ضرب مقداری کی مقدار بول حاصل ہوتی ہے

(1.35) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{C} &= \boldsymbol{A} \cdot \boldsymbol{B} \\ &= |\boldsymbol{A}| |\boldsymbol{B}| \cos \theta_{AB} \\ &= AB \cos \theta_{AB} \end{aligned}$$

جہال  $heta_{AB}$  ان دو کے مابین زاویہ ہے۔

مثال 1.3: مندرجه ذيل ضربِ نقطه حاصل كريں

- $a_{\mathrm{X}} \cdot a_{\mathrm{X}} = a_{\mathrm{y}} \cdot a_{\mathrm{y}} = a_{\mathrm{z}} \cdot a_{\mathrm{z}} \bullet$
- $a_{ extsf{X}} \cdot a_{ extsf{y}} \quad a_{ extsf{y}} \cdot a_{ extsf{Z}} \quad a_{
  ho} \cdot a_{
  ho} \quad a_{
  ho} \cdot a_{ heta} \ ullet$

dot product<sup>23</sup>

حل:اس مثال میں سب اکائی سمتیہ ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔

$$a_{X} \cdot a_{X} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$a_{y} \cdot a_{y} = (1)(1)\cos 0 = 1 \bullet$$

$$a_{z} \cdot a_{z} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$
 •

$$a_{\rm Y} \cdot a_{\rm Z} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$a_{\rho} \cdot a_{\rho} = (1)(1)\cos 0 = 1$$
 •

$$\boldsymbol{a}_{\rho} \cdot \boldsymbol{a}_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{\circ} = 0$$

مثال 1.14: شکل 1.10 میں قوت F ایک بوجھ کو دھکیل رہی ہے۔ سمتیہ فاصلہ L طے کرنے پر قوت کتنا کام کر چکی ہو گی۔

حل: کام W کی تعریف یہ ہے

$$(1.36) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{L}$$

ہم کار تیسی نظام میں سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$(1.37) L = L\cos\theta a_{X} + L\sin\theta a_{Y}$$

اب 1. بنیادی حت اُق

$$\mathbf{F} = F\mathbf{a}_x \xrightarrow{\theta} L \sin \theta$$

$$\mathbf{L} \cos \theta$$

شكل 1.10: كارتيسي نظام ميں كام

للذا

(1.38) 
$$W = (F\boldsymbol{a}_{X}) \cdot (L\cos\theta\boldsymbol{a}_{X} + L\sin\theta\boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta(\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{X}) + FL\sin\theta(\boldsymbol{a}_{X} \cdot \boldsymbol{a}_{y})$$
$$= FL\cos\theta$$

جہاں پیچیلی مثال کی مدد سے  $a_{\rm x}\cdot a_{\rm x}=1$  اور  $a_{\rm x}\cdot a_{\rm y}=0$  کی گئی ہیں۔ یہی جواب ضربِ نقطہ کی تعریف لینی مثال کی مدد سے  $a_{\rm x}\cdot a_{\rm x}=1$  اور  $a_{\rm x}\cdot a_{\rm y}=0$  مساوات 1.35 سے با آسانی حاصل ہوتا ہے۔

## 1.11 تفرق اور جزوی تفرق

مساوات 1.39 میں ایک تفاعل جس میں  $B_0$  مقررہ ہے کا تفوق $^{24}$  دیا گیا ہے جبکہ مساوات 1.40 میں ایک تفاعل کا جزوی تفوق $^{25}$  دیا گیا ہے۔

(1.39) 
$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

$$\frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\theta} = -B_0 \sin \theta$$

(1.40) 
$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W}{\partial x} dx + \frac{\partial W}{\partial \lambda} d\lambda$$

 $\begin{array}{c} {\rm differentiation^{24}} \\ {\rm partial\ differentiation^{25}} \end{array}$ 

1.1.2 خطي تكمل

# 1.12 خطى تكمل

مساوات 1.41 میں ایک نفاعل  $B(\theta)$  ویا گیا ہے جسے شکل 1.11 میں وکھایا گیا ہے۔ اس کی طولِ موج $^{26}$  ریڈیئن کے برابر ہے۔ ہم  $-\pi/2 < \theta < \pi/2$  سے یوں ہو گا۔

$$(1.41) B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

(1.42) 
$$B_{k,l} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

اسی طرح اگر اسی خطہ پر تفاعل کے مربع لیعنی  $B^2$  کا اوسط در کار ہو تو ایسا کرنا مساوات 1.43 میں دکھایا گیا ہے۔

(1.43) 
$$B_{k,l}^{2} = \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2}\theta \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} \,d\theta$$
$$= \frac{B_{0}^{2}}{2}$$

تفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر بہت اہمیت رکھتا ہے۔لہذا اس تفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر ہوڑB مساوات 1.43 کی مدد سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

(1.44) 
$$B_{\dot{r},r} = \sqrt{B_{b,r}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$

یہ ایک بہت اہم متیجہ ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا چاہئے۔ یہ مساوات ہر سائن نما تفاعل کے لئے درست ہے۔ کسی متغیرہ کے مربع کی اوسط کا جزر اس متغیرہ کی موٹر 29 28 قیت کہلاتا ہے۔

# 1.13 سطحی کلمل

مثال کے طور پر اگر مساوات 1.41 شکل 1.12 میں نککی کے بیرونی سطح پر متغیرہ B کی مقدار بتلاتی ہے اور یہ متغیرہ سطح کثافت کو ظاہر کرے ہم آدھے بیرونی سطح مثلاً زاویہ  $2\pi/2$  اور  $2\pi/2$  کے مابین اس کی کل مقدار  $\phi$  معلوم

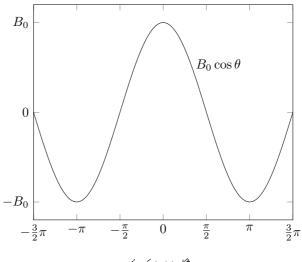
wavelength<sup>26</sup>

integration<sup>27</sup>

 $effective^{28}$ 

 $<sup>{\</sup>rm root\ mean\ square,\ rms^{29}}$ 

20 بابــــ 1 بنيادي حت أتق



شكل 1.11: كوسائن موج

کرتے ہیں۔اس سطح میں نکلی کے دونوں سرے شامل نہیں ہیں۔

ہم نکلی کے بیرونی سطح پر رقبہ  $\Delta A$  لیتے ہیں جس کی چوڑائی  $\rho\Delta\theta$  اور لمبائی l ہے۔یہ سطح  $\Delta\theta$  ہے۔ $\Delta\theta$  ہے۔  $\Delta\theta$  ہو نہیں ہیں ہوئے سطح کا رقبہ  $\Delta\theta$  کا رقبہ  $\Delta\theta$  کا رقبہ  $\Delta\theta$  کا اور کل ہوا جا سکتا ہے۔اس سطح پر B کی مقدار محوری لمبائی کی جانب تبدیل نہیں ہو رہی۔ سطح  $\Delta\theta$  پر  $\Delta\theta$  ہو گا اور کل ہو تکمل کی مدد سے یوں حاصل ہو گا۔

(1.45) 
$$\Delta \phi = B \Delta A = B_0 l \rho \cos \theta \, d\theta$$

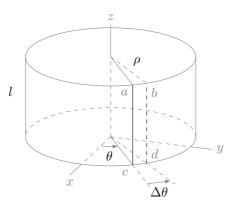
$$\phi = B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho$$

اب ہم یہی مقدار نکلی کے آدھے بیرونی سطح پر کہیں پر بھی حاصل کرنا چاہیں تو ہمیں صرف کمل کے دو حد تبدیل کرنے ہوں گے۔ اگر ہم مساوات 1.46 میں نچلا حد  $(-\pi/2-\alpha)$  اور اُوپر کا حد  $(\pi/2-\alpha)$  لیں تو یہ حاصل ہو گا۔

(1.47) 
$$\phi(\alpha) = B_0 l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \alpha}^{\frac{\pi}{2} - \alpha} \cos \theta \, d\theta = 2B_0 l \rho \cos \alpha$$

یبال  $\phi(\alpha)$  اس بات کو واضح کرتا ہے کہ نتیجہ  $\alpha$  پر منحصر ہے۔ یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ مساوات 1.47 میں اگر  $\alpha=0$  ہو تو مساوات 1.46 ماتا ہے۔

1.1.4 مرحسلي سمتيه



شکل 1.12: نکلی کی بیرونی سطح پر متغیرہ کا تکمل کل مقدار دے گی۔

## 1.14 مرحلی سمتیه

 $^{30}$ سائن نما موج جن کا تعدد معین ہو کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کرنا نہایت مفید ثابت ہوتا ہے۔ مساوات یولو (1.48)  $A_0 e^{\mp j(\omega t + \phi)} = A_0 \cos(\omega t + \phi) \mp j \sin(\omega t + \phi)$ 

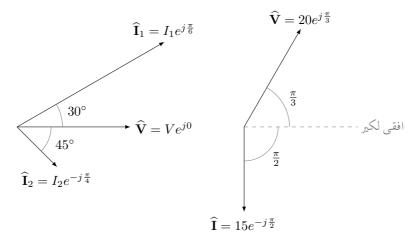
کی مدد سے کوسائن موج بوں لکھی جا سکتی ہے

(1.49) 
$$A_0 \cos(\omega t + \phi) = \frac{A_0}{2} \left( e^{j(\omega t + \phi)} - e^{-j(\omega t + \phi)} \right)$$

اس سے ثابت ہوتا ہے کہ کوسائن موج دراصل دو مخلوط اعداد کا مجموعہ ہے۔ مساوات یولر ایک مخلوط عدد کو ظاہر کرتا ہے جس کے دو جزو ہیں۔ اس کا ایک جزو حقیقی عدد ہے اور اس کا دوسرا جزو فرضی عدد ہے۔اس کا حقیقی جزو کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کوسائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کوسائن موج کو طاہر کیا جاتا ہے۔ مزید سے کہ اس عدد کو چھوٹا کر کے صرف  $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$  یا پھر پر سائن نما موج کو وسائن موج کے اس طرح ظاہر کرنے کو موحلی سمتیہ آد کہتے ہیں جہاں اس سمتیہ کا طول  $A_0 \neq 0$  اور افقی کیر سے زاویہ  $\phi$  ہے۔

 $A_0$  مرحلی سمتیہ استعال کرتے وقت آپ کو یہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ یہ ایک کوسائن موج ہے جس کا حیطہ  $A_0$  ، دوری زاویہ  $\phi$  اور زاویائی تعدد  $\omega$  ہے۔

Euler's equation<sup>30</sup> phasor<sup>31</sup>



شكل 1.13:مر حلى سمتىيە

اس کتاب میں مرحلی سمتیہ کو سادہ طرزِ لکھائی میں انگریزی کے بڑے حروف جن پر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا، یعنی  $\hat{I},\hat{V}$  وغیرہ اور ان کے طول کو بغیر ٹوپی کے نشان کے اسی حرف سے ظاہر کیا جائے گا۔ مثلاً برتی دباؤ ( $v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$ ) دباؤ ( $v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$ )

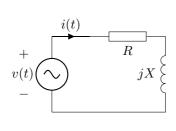
$$v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$$
 
$$\hat{V} = 20e^{j\frac{\pi}{3}}$$
 
$$\hat{V} = 20/\frac{\pi}{3}$$
 
$$V = 20$$

اس مساوات میں پہلا جزو ایک عام کوسائن موج ہے۔ دوسرا جزو اِسی کو مرحلی سمتیہ سے ظاہر کر رہا ہے۔ تیسرا اس مرحلی سمتیہ کا طول اور چوتھا اس کا زاویہ بتلا رہا ہے۔ مرحلی سمتیہ کو عام سمتیوں کی طرح ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس مساوات میں  $\hat{V}$  کا طول 20 اور اُفقی کیبر سے زاویہ  $\frac{\pi}{8}$  ریڈیئن ہے۔زاویہ اُفقی کیبر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ اس سمت میں زاویہ مثبت ہے۔ شکل 1.13 میں اس  $\hat{V}$  کے علاوہ چند اور مرحلی سمتیے دکھائے گئے ہیں۔

برتی ادوار میں عموماً برتی دباؤ  $\hat{V}$  کی نسبت سے برتی رو  $\hat{I}$  کا زاویہ بیان کیا جاتا ہے۔ شکل 1.13 میں  $\hat{V}$  تمیں درجہ زاویہ برتی دباؤ سے آگے ہے جبکہ  $\hat{I}_2$  بینتالیس درجہ زاویہ برتی دباو کے پیچھے ہے۔اس حقیقت کو یوں بیان کیا جاتا ہے کہ  $\hat{I}_1$  تمیں درجہ پیش زاویہ حاشیہ angle leading پر ہے جبکہ  $\hat{I}_2$  بینتالیس درجہ تاخیری زاویہ  $\hat{I}_2$  کہ  $\hat{I}_3$  تمیں درجہ پیش زاویہ حاشیہ جبکہ خاص

lagging angle<sup>32</sup>

1.1.4 مرحسلي سمتيه



$$Z = R + jX$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\phi_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$i(t) = \frac{V_0}{|Z|} \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

$$= I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

شکل1.14: مرحلی سمتیہ کی مددہےRLدور کاحل۔

ہے۔اسے طرح  $\hat{I}_1$  کو پیش برتی رو جبکہ  $\hat{I}_2$  کو تاخیری برتی رو کہا جاتا ہے۔دو مر حلی سمتیات کے آپس میں زاویے کو موحلی فرق  $^{33}$  کو موحلی فرق  $^{33}$  کی اللہ ا $^{34}$  اور  $^{35}$  کا مر حلی فرق پایا جاتا ہے۔یہاں یہ دھیان رہے کہ شکل میں  $^{35}$  کا مر حلی فرق گئی ہے۔ کہاں یہ دھیان رہے کہ شکل میں مثبت کھا گیا ہے۔چونکہ یہ افقی کلیر سے زاویہ ناپنے کی اُلٹ سمت میں ہے لہذا یہ ایک منفی زاویہ ہے۔

یہاں مرحلی سمتیوں کو استعال کر کے ایک سادہ برقی دور حل کرتے ہیں۔ یوں ان سے وابسٹگی پیدا ہو جائے گی اور ان کا استعال بھی سکھ لیں گے۔

$$v(t)=V_0\cos(\omega t+\alpha)$$
 يک موحله $v(t)=V_0\cos(\omega t+\alpha)$  يک موحله $\hat{V}=V_0/\alpha$ 

phase difference<sup>33</sup>
power factor<sup>34</sup>

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm power~factor~angle^{35}} \\ {\rm lagging~power~factor^{36}} \end{array}$ 

leading power factor<sup>37</sup>

single phase<sup>38</sup>

باب 1 بنيادي حت أق

ہے۔ مرحلی سمتیہ کے استعال سے ہم اس میں برقی رو i(t) معلوم کرنا چاہتے ہیں۔

(1.52) 
$$\hat{I} = \frac{\hat{V}}{R + jX} = \frac{V_0 \alpha}{|Z| / \phi_Z}$$
$$= \frac{V_0}{|Z|} / \alpha - \phi_Z = I_0 / \alpha - \phi_Z$$

جہال  $\phi_Z$  رکاوٹ کا زاویہ ہے۔للذا

(1.53) 
$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$
 
$$e^{-\omega t} = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_Z)$$

اب2

# مقناطيسي ادوار

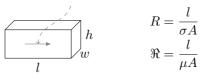
## 2.1 مزاحمت اور ہچکچاہٹ

شکل 2.1 میں ایک سلاخ و کھائی گئی ہے۔ اس کی لمبائی کی سمت میں مزاحمت اسے ہے

$$(2.1) R = \frac{l}{\sigma A}$$

جہاں  $\sigma$  موصلیت $^2$  کو ظاہر کرتی ہے اور A=wh ہو تو اس سلاخ کا مقناطیسی مستقل  $^3$  ہو تو اس سلاخ

برقی رو یا مقناطیسی بهاو کی سمت



شكل 2.1:مزاحمت اور الچكيابٹ

 $\begin{array}{c} {\rm resistance^1} \\ {\rm conductivity^2} \end{array}$ 

26 باب2. مقت طبيسي ادوار

کی ہمچکچاہٹ<sup>4</sup> ہوں بیان کی جائے گا۔

$$\Re = \frac{l}{\mu A}$$

مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو عموماً خالی خلاء کی مقناطیسی مستقل  $\mu$  کی نسبت سے کھھا جاتا ہے یعنی

$$\mu = \mu_r \mu_0$$

جہاں  $\mu_r$  جزو مقناطیسی مستقل کہلاتی ہے۔ بچکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر۔ چکو فی ویبر ہے جس کی وضاحت جلد کی جہال  $\mu_r$  کا گیا۔

 $h=3\,\mathrm{cm}$  و کی گئی سلاخ کی آمچکیاہٹ معلوم کریں 2000 مثال 2.1 شکل 2.1 مثال 2.1 شکل 2.1 مثال 2.1 شکل اور  $w=2.5\,\mathrm{cm}$  مثال 3 مثال 2.1 شکل 2.1 مثال 2.1 مثال 2.1 شکل 2.1 مثال اور معالم مثال 2.1 شکل 2.1 مثال 2.

ىل:

$$\begin{split} \Re &= \frac{l}{\mu_r \mu_0 A} \\ &= \frac{10 \times 10^{-2}}{2000 \times 4\pi \times 10^{-7} \times 2.5 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}} \\ &= 53\,044\,\mathrm{A} \cdot \mathrm{turns/Wb} \end{split}$$

# 2.2 كثافت برقى رواور برقى ميدان كى شدت

اگراس سلاخ کے سروں پر برقی دباؤ v لاگو کی جائے جیسا کہ شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے تو اس میں برقی روi گزرے گا جس کی مقدار اوہم کے قانون v سے یوں حاصل ہوتی ہے

$$(2.4) i = \frac{v}{R}$$

permeability, magnetic constant<sup>3</sup> reluctance<sup>4</sup> Ohm's law<sup>5</sup>

اس مساوات کو مساوات 2.1 کی مدد سے بول لکھ سکتے ہیں

$$(2.5) i = v\left(\frac{\sigma A}{l}\right)$$

یا

$$\frac{i}{A} = \sigma\left(\frac{v}{l}\right)$$

اسے مزید یوں لکھ سکتے ہیں

$$(2.7) J = \sigma E$$

جہاں

$$(2.8) J = \frac{i}{A}$$

اور

$$(2.9) E = \frac{v}{l}$$

کے برابر ہے۔

اگر شکل میں سمتیہ J کا طول J ہو اور سمتیہ E کا طول E ہو جہاں ان دونوں سمتیہ کی سمت  $a_y$  ہے تب مساوات 2.7 کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(2.10) J = \sigma E$$

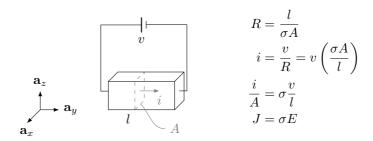
یہ مساوات اوہم کے قانون کی ایک اور شکل ہے۔

J تحت J کے تحت J کی رقبہ عمودی تراش J کے تحت J کی روگی ہے اس طرح مساوات J کے تحت J کی روگی روگ ہی گہتے ہیں۔ اس طرح مساوات J کے تحت J کے ناون کی گراف کے سے روش کے جانے کہ J کے ناون کی المائی کو ظاہر کرتی ہے۔ یول J کو بوقی میدان کی شدت سے بیارا جاتا ہے۔ واضح ہو کہ برتی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں اس نام کو چھوٹا کر کے J کو میدانی شدت سے بیارا جاتا ہے۔

ہم بالکل اسی طرح مقناطیسی متغیرہ کے لئے بھی اس طرح کے مساوات لکھ سکتے ہیں۔ حصہ 2.5 میں ہم یہی کریں گے۔

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm current\ density}^6 \\ {\rm electric\ field\ intensity}^7 \end{array}$ 

با\_\_\_2.مقن طيسي اد وار 28



شكل 2.2: كثافت برقى رواور برقى دياؤكى شدت

#### 2.3 برقی ادوار

 $\sigma = 5.9 \times 10^7 \, \frac{\mathrm{S}}{\mathrm{S}}$  برقی دور میں ہوقی دیاؤ $v^8$  کی وجہ سے ہوقی دو $v^{11}$  پیرا ہوتی ہے۔ تانیا $v^{12}$  کی موصلیت ہے جہاں  $\frac{S}{m}$  موصلیت کی اکائی ہے۔ لہذا تانبا کی بنی تار کی مزاحت  $^{13}$  عموماً قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ اگر ایسی تار میں برقی رو i کا گزر ہو تو اس تار کی مزاحمت میں اوہم کے قانون کے تحت برقی دباؤ  $\Delta v = iR$  کھٹے گی۔ $R_{JT}$  کی  $\Delta v o 0$  تابل نظر انداز ہونے کی وجہ سے  $\Delta v$  بھی قابل نظر انداز ہو گا لینی

 $R_{35}$  جگہ ہیں ایک ایبا ہی برقی دور دکھایا گیا ہے جس میں تار کی مزاحت کو اکٹھے کر کے ایک ہی جگہ تار د کھایا گیا ہے۔ ہم اس دور کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

$$(2.11) v = \Delta v + v_L$$

تار میں برقی گھٹاو  $\Delta v$  نظرانداز کرتے ہوئے

$$(2.12) v = v_L$$

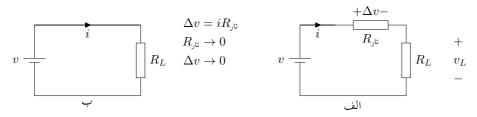
حاصل ہوتا ہے۔اس کا مطلب ہے کہ اگر تار میں برقی دباؤ کی گھٹاو قابل نظرانداز ہو تو لا گو برقی دباؤ جوں کے توں مزاحت  $R_L$  تک پہنچائی جا سکتی ہے۔ برقی ادوار حل کرتے ہوئے یہی حقیقت بروئے کار لاتے ہوئے تار میں برقی دباؤ

<sup>9</sup> 9برتی دباؤک اکا کی ووک ہے جوا گل کے البائذرووولٹا کے نام ہے جنہوں نے برتی بیٹری ایجاد کی۔ electric current 10

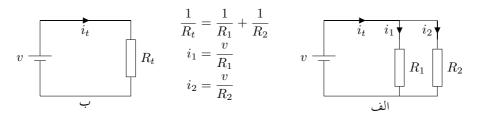
<sup>11</sup> بر تی رو کی اکائی ایمپیئر ہے جو فرانس کے انڈر میر ایمپیئر کے نام ہے جن کا بر تی ومقناطیسی میدان میں اہم کر دہر ہے۔

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> مزاحمت کی اکا کی او ہم ہے جو جر منی کے حارج سائمن او ہم کے نام ہے جنہوں نے قانون اوہم دریافت کیا۔

2.4. مقت طبیسی دور حصب اول



شکل 2.3: برقی دور میں تارکی مزاحت کو نظرانداز کیاجاتاہے۔



شکل 2.4: برقی رو کم مزاحت کے رائے زیادہ ہوتی ہے

کے گھٹاو کو نظرانداز کیا جاتا ہے۔ شکل 2.3-الف میں ایبا کرنے سے شکل 2.3-ب حاصل ہوتا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ برقی تارکو اس غرض سے استعال کیا جاتا ہے کہ لاگو برقی دباؤ کو جگہ استعال تک بغیر گھٹائے پہنچایا جائے۔

شکل 2.4 میں ایک اور مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ برتی رو اس راستے زیادہ ہوتی ہے جس کی مزاحمت کم ہو۔ لہذا اگر  $R_1 < R_2$ ہو تو  $R_1 < R_2$  ہوگ۔

#### 2.4 مقناطيسي دور حصه اول

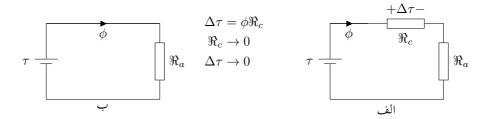
مقناطیسی دور بالکل برقی دور کی طرح ہوتے ہیں۔ بس ان میں برقی دباؤ v کی جگہ مقناطیسی دباؤ  $\tau$  ، برقی رو i کی جگہ مقناطیسی ہباو t  $\phi$  اور مزاحمت t کی جگہ ہمچکچاہٹ t t ہوتی ہے۔ لہذا ہم بالکل ایک برقی دور کی طرح ایک مقناطیسی دور بنا سکتے ہیں۔ ایسا ہی ایک دور شکل 2.5-الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں بھی کوشش یہی ہے کہ کسی

magnetomotive force,  $mmf^{14}$ 

flux<sup>15</sup>

 $<sup>\</sup>rm reluctance^{16}$ 

عن طيسي ادوار 2.مقن طيسي ادوار



شكل 2.5: مقناطيسي دور

 $\Re_c$  مقناطیسی د باؤ $\, au$  کو بغیر کم کئے ہنچکیا ہٹ  $\Re_a$  تک پہنچایا جائے۔ عموماً  $\Re_a$  خلائی درزکی ہنچکیا ہٹ ہوتی ہے اور  $\Re_a$  مقناطیسی قالب کی۔ یہاں بھی اگر  $\Re_c$  کو نظرانداز کرنا ممکن ہو تو ہمیں شکل 2.5-ب ماتا ہے جس میں مقناطیسی بہاو  $\phi$  کو، بالکل اوہم کے قانون کی طرح

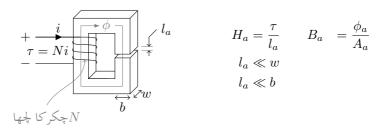
لکھ کر حاصل کیا جا سکتا ہے۔اگر  $\Re$  کو نظرانداز کرنا ممکن نہ ہو تب بالکل سلسلہ وار مزاحمتوں کی طرح ہم اس شکل میں دیئے گئے دو سلسلہ وار ہمچکیاہٹوں کا مجموعہ ہمچکیاہٹ  $\Re$  کو استعال کر کے برقی رو کا حساب لگائیں گے، لینی

$$\Re_s = \Re_a + \Re_c$$

بالکل برقی مثال کی طرح، مقناطیسی دباؤکو کم پچکچاہٹ والے راستے سے اس جگہ پہنچایا جاتا ہے جہاں اس کی ضرورت ہو۔ مساوات 2.2 سے ہم دیکھتے ہیں کہ پچکچاہٹ، مقناطیسی مستقل  $\mu$  پر مخصر ہے ۔ مقناطیسی مستقل کی اکائی  $^{17}$  ہینری فی میٹر  $\frac{H}{m}$  ہے۔  $\mu$  کو عموماً  $\mu$  ہو اور ہیں ہور ہور ور مقناطیسی مستقل کی اکائی  $\mu$  کی ایکا جاتا ہے جہاں  $\mu$  کی اور چند جدید مصنوعی اشیاء الی ہیں جن کی ہی قیمت کو جزو مقناطیسی مستقل  $\mu$  کہتے ہیں۔ لوہا، پچھ دھاتیں اور چند جدید مصنوعی اشیاء الی ہیں جن کی ہی قیمت مقتاطیسی مستقال کرنے جاتی ہیں۔ لہذا مقناطیسی دباؤ ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرنے کے لئے انہی مقناطیسی اشیاء کو استعال کیا جاتا ہے۔ بد قسمتی سے ان مقناطیسی اشیاء کے  $\mu$  کی مقدار اتنی زیادہ نہیں ہوتی کہ ان سے مقاطیسی اشیاء کو استعال کیا جاتا ہے۔ بد قسمتی سے ان مقناطیسی اشیاء کے  $\mu$  کی مقدار اتنی زیادہ نیش ہوتی کہ ان سے خاطر رقبہ عمودی تراش زیادہ سے زیادہ اور لمبائی کم سے کم کرنی ہوگی۔ لہذا عموماً مقناطیسی دباؤ منتقل کرنے کے لئے خاطر رقبہ عمودی تراش زیادہ سے زیادہ اور لمبائی کم سے کم کرنی ہوگی۔ لہذا عموماً مقناطیسی مشین، مثلاً موٹر اور ایک بار یک تار نہیں بلکہ خاصی زیادہ رقبہ عمودی تراش کی مقدار اور مقالیسی مشین، مثلاً موٹر اور ایک بار یک تار نہیں بلکہ خاصی زیادہ رقبہ عمودی تراش کی مقال کرنے کے لئے اسک بار یک تار نہیں بلکہ خاصی زیادہ رقبہ عمودی تراش کا مقناطیسی راستہ درکار ہوتا ہے۔ مقناطیسی مشین، مثلاً موٹر اور

Henry per meter<sup>17</sup>

relative permeability, relative magnetic constant <sup>18</sup>



شكل 2.6: كثافت مقناطيسى بهاواور مقناطيسى ميدان كى شدت

ٹرانسفار مر، کا بیشتر حصہ مقناطیسی دباؤ منتقل کرنے والے ان مقناطیسی اشیاء پر ہی مشمل ہوتا ہے۔ایسے مشینوں کے قالب میں عموماً یہی مقاطیسی اشیاء پائے جاتے ہیں۔اسی وجہ سے جن اشیاء کو اس مقصد کے لئے استعال کیا جاتا ہے انہیں مقناطیسی قالب <sup>19</sup> کہتے ہیں۔برقی مشینوں میں استعال مقناطیسی قالب لوہے کی باریک چادر یا پتری<sup>20</sup> تہہ در تہد رکھ کر بنائی جاتی ہے۔ مقناطیسی قالب کے بارے میں حصہ 2.8 میں مزید معلومات فراہم کی جائے گی۔

## 2.5 كثافت مقناطيسي بهاواور مقناطيسي ميدان كي شدت

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_z}$$

اگر خلائی درز کی لمبائی  $l_a \ll b$  قالب کے رقبہ عمودی تراش کے اطراف b اور w سے نہایت کم ہو لیعنی  $l_a \ll b$  اور  $l_a \ll b$  تب خلائی درز کے رقبہ عمودی تراش  $A_a$  کو قالب کے رقبہ عمودی تراش  $\Re_c$  کے برابر لیا جاتا ہے لیعنی  $l_a \ll w$ 

$$(2.17) A_a = A_c = wb$$

magnetic core<sup>19</sup> laminations<sup>20</sup>

عب\_2.مقت طبيسي ادوار

اں کتاب میں جہاں بتلایا نہ گیا ہو وہاں  $l_a\ll w$  اور  $w\gg l_a\ll b$  تصور کرتے ہوئے ہوئے گا۔ مقناطیسی دیاؤ کو یوں بیان کیا جاتا ہے

یعنی برقی تار کے چکر ضربِ ان میں برقی رو۔ للذا مقناطیسی دباؤ کی اکائی ایمپیئر۔ چکو 21 ہے۔ بالکل حصہ 2.2 کی طرح ہم مساوات 2.15 کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_a}$$

مقناطیسی بہاو کی اکائی ویبر  $^{22}$   $^{23}$  ہے اور ہمچکچاہٹ کی اکائی ایمپیٹر۔چکو فی ویبر  $^{24}$  ہے۔ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\phi_c$  برابر ہیں۔ اس مساوات کو مساوات 2.2 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔  $\phi_a$ 

$$\phi_a = \tau \left( \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right)$$

یا

$$\frac{\phi_a}{A_a} = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right)$$

اس مساوات میں بائیں جانب مقناطیسی بہاو فی اکائی رقبہ کو کثافت مقناطیسی بہاو  $B_a^{\ 25}$  اور دائیں جانب مقناطیسی د باؤ فی اکائی لمبائی کو مقناطیسی میدان کی شدت  $H_a^{\ 26}$  کھا جا سکتا ہے۔ یعنی

$$(2.21) B_a = \frac{\phi_a}{A_a}$$

$$(2.22) H_a = \frac{\tau}{l_a}$$

کثافتِ مقناطیسی بہاو کی اکائی ویبر فی موبع میٹر ہے جس کو ٹسلا<sup>27</sup> کا نام دیا گیا ہے۔مقناطیسی میدان کی شدت کی اکائی ایمپیئر فی میٹر <sup>28</sup> ہے۔ للذا مساوات 2.20 کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(2.23) B_a = \mu_0 H_a$$

ampere-turn<sup>2</sup>

Weber<sup>22</sup>

<sup>23</sup> یداکائی جرمنی کے ولیم اڈورڈو بیر کے نام ہے جن کا برقی ومقناطیسی میدان میں اہم کر دہر رہاہے

ampere-turn per weber<sup>24</sup>

magnetic flux density $^{25}$ 

magnetic field intensity  $^{26}$ 

Tesla:<sup>27</sup> یہ اکائی سربیا کے بکولاٹسلا کے نام ہے جنہوں نے بدلتی روبر تی طاقت عام کرنے میں اہم کر دہرادا کیا

ampere per meter<sup>28</sup>

 $^{29}$ جہال متن سے واضح ہو کہ مقناطیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہال مقناطیسی میدان کی شدت کو میدانی شدت  $a_Z$  کہا جاتا ہے۔ شکل میں ہم دیکھتے ہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کی ست، اکائی سمتیہ کہا جاتا ہے۔ شکل میں ہم دیکھتے ہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ اکائی سمتیہ للذا ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کو  $B_a = -B_a a_Z$  کی سکتے ہیں۔ اسی طرح خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ کی شدت کو  $A_Z$  کی الٹ سمت میں دباؤ ڈال رہی ہے المذا ہم مقناطیسی دباؤ کی شدت کو  $A_Z$  کی الٹ سمت میں دباؤ ڈال رہی ہے المذا ہم مقناطیسی دباؤ کی شدت کو  $A_Z$  کی الٹ سمت میں دباؤ ڈال رہی ہے المذا ہم مقناطیسی دباؤ کی شدت کو یوں کھا جا سکتے ہیں۔ المذا

$$(2.24) B_a = \mu_0 H_a$$

اگر خلاء کی جگه کوئی اور ماده ہو، تب ہم اس مساوات کو بول کھتے

$$(2.25) B = \mu H$$

مثال 2.2: شکل 2.6 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاہ 0.1 ٹسلا درکار ہے۔ قالب کی  $\mu_r = \infty$  ہوا درز کی لمبائی 1 ملی میٹر ہے۔اگر قالب کے گرد برقی تار کے 100 چکر ہوں تو ان میں درکار برقی رو معلوم کریں۔

حل:

$$\tau = \phi \Re$$

$$Ni\phi \left(\frac{l}{\mu_0 A}\right)$$

$$\frac{\phi}{A} = \frac{Ni\mu_0}{l}$$

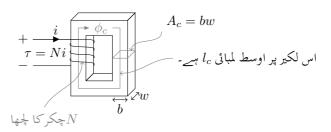
للذا

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4\pi 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4\pi 10^{-7}} = 0.79567 \,\text{A}$$

یعنی 0.79567 ایمپیئر برقی رو سے خلائی درز میں 0.1 ٹسلا کثافت مقناطیسی بہاو حاصل ہو جائے گی۔

 $<sup>{\</sup>rm field\ intensity}^{29}$ 

باب\_2,مقناطيسي ادوار



شكل 2.7: ساده مقناطيسي دور

### 2.6 مقناطیسی دور حصه دوم

شکل 2.7 میں ایک سادہ مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے جس میں قالب کی مقناطیسی مستقل کو محدود تصور کیا گیا ہے۔ شکل میں مقناطیسی دباؤ N مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاو  $\phi_c$  کو جنم دبتی ہے۔ یہاں قالب کا رقبہ عمودی تراش میں مقناطیسی بہاو کی سمت فلیمنگ $^{30}$  کے دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جا سکتی ہے۔ اس قانون کو دو طریقوں سے بیان کیا جا سکتا ہے۔

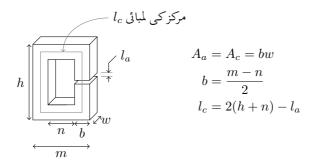
- اگرایک لیچے کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں کیچے میں برتی رو کی ست میں لیٹی ہوں تو انگوٹھا اُس مقناطیسی بہاو کی سمت میں ہو گا جو اس برتی رو کی وجہ سے وجود میں آئے گا۔
- اگرایک تارجس میں برقی رو کا گزر ہو، کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ انگوٹھا برقی رو کی سمت میں ہو تو باقی چار انگلیاں اُس مقناطیسی بہاو کی سمت میں لیٹی ہوں گی جو اس برقی رو کی وجہ سے پیدا ہوگا۔

ان دو بیانات میں پہلا بیان، کچھ میں مقناطیسی بہاو کی سمت معلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبہ کسی ایک سید ھی تار کے گرد مقناطیسی بہاو کی سمت دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کی جاسکتی ہے۔ لہذا قالب میں مقناطیسی بہاو گھڑی کے سمت میں ہے۔ مقناطیسی بہاد کو شکل 2.7 میں تیر والے ملکی سیابی کے کلیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یہاں قالب کی بچکھاہٹ

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

Fleming's right hand  ${\rm rule}^{30}$ 

2.6. مقت طبیحی دور هسه روم



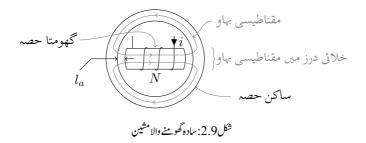
شکل 2.8: خلائی در زاور قالب کے ہیکھاہٹ

لکھتے ہوئے مقناطیسی بہاو یوں

$$\phi_c=rac{ au}{\Re_c}=Ni\left(rac{\mu_cA_c}{l_c}
ight)$$
عاصل کی جا عتی ہے۔اس طرح ہم سب متغیرات حاصل کر سکتے ہیں۔

(2.26) 
$$\begin{aligned} \sqrt{l} & = \frac{1}{2} \int_{a}^{b} \frac{1}{2} \int$$

عن طيسي ادوار 2.مقن طيسي ادوار



ہم و کیھتے ہیں اگرچیہ قالب کی لمبائی خلائی درز کی لمبائی سے 559 گنا زیادہ ہے تب مجھی خلائی درز کی انجکچاہٹ 71 گنا زیادہ ہے لیعنی  $\Re_a\gg\Re_c$  زیادہ ہے لیعنی

مثال 2.4: شکل 2.9 سے رجوع کریں۔اگر ایک خلائی درز 5 ملی میٹر لمبا ہو اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہوں تو خلائی درز میں 0.95 ٹیلا کثافت برتی بہاو حاصل کرنے کی خاطر درکار برتی رو معلوم کریں۔ حل: اس شکل میں ایک گھومتے مثین، مثلاً موٹر، کی ایک سادہ شکل و کھائی گئی ہے۔ ایسے آلوں میں باہر کا حصہ ساکن رہتا ہے جس کو مشین کا ساکن حصہ کہتے ہیں اور اس ساکن حصہ کے اندر اس کا ایک حصہ گھومتا ہے جسے گھومتا حصہ کہتے ہیں۔ اس مثال میں ان دونوں حصوں کا  $\infty = \mu_T$  ہے لہذا ان کی بچکچاہٹ صفر ہے۔ مقناطیسی بہاو ہلکی سابی کے کیر سے مثال میں ان دونوں حصوں کا  $\infty = \mu_T$  ہے لہذا ان کی بچکچاہٹ صفر ہے۔ مقناطیسی بہاو ہلکی درز میں سے، ایک مکمل چکر کے دوران، دو مرتبہ گزرتی ہے۔ یہ دو خلائی درز ہر لحاظ سے ایک جیسے ہیں لہذا ان دونوں خلائی درز کی بچکچاہٹ بھی برابر ہوں گی۔مزید ہے کہ ان خلائی درز کی بچکچاہٹ سلسلہ وار ہیں۔شکل میں مقناطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقناطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز سے گزرتے دکھایا گیا ہے۔خلائی درز کی لمبائی میں مقاطیسی بہاو کو گھومتے حصہ کی طرف، خلائی درز کی لمبائی میں عمد کا ہے لیعن م

ایک خلائی درز کی ہیکچاہٹ

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{l_a}{\mu_0 A_c}$$

ہے۔للذا کل ہیکجاہٹ ہو گ

$$\Re_s = \Re_a = \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c}$$

یوں خلائی درز میں مقناطیسی بہاو  $\phi_a$  اور کثافتِ مقناطیسی بہاو  $B_a$  بیہ ہوں گے۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_s} = (Ni) \left( \frac{\mu_0 A_c}{2l_a} \right)$$

$$B_a = \frac{\phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 Ni}{2l_a}$$

اس مساوات میں اعداد استعال کرتے ہیں

$$0.95 = \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005}$$
$$i = \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.56 \text{ A}$$

موٹر اور جزیٹروں کی خلاء میں تقریباً ایک ٹسلا کثافت برقی بہاو ہوتی ہے۔

#### 2.7 خوداماله، مشتركه اماله اورتواناكي

مقناطیسی بہاوکی، وقت کے ساتھ تبدیلی، برقی دباؤکو جنم دیتی ہے۔ للذا اگر شکل 2.6 کے قالب میں مقناطیسی بہاو تبدیل ہو رہی ہو تو اس کی وجہ سے اس کے کچھے میں برقی دباؤپیدا ہو گا جو کہ اس کچھے کے سرول پر نمودار ہو گا۔ اِس طرح پیدا ہونے والی برقی دباؤکو امالی ہوقی دباؤ<sup>13</sup> کہتے ہیں۔ قانون فیراڈمر<sup>32</sup> کے تحت<sup>33</sup>

(2.27) 
$$e = N \frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

 $N\phi$ ں ماوات میں ہم کچھ میں، وقت کے ساتھ تبدیل ہونے والی، مقناطیسی بہاو کو  $\phi$  سے ظاہر کر رہے ہیں۔  $\lambda$  کو کچھ کی ارتباط بہاو  $\lambda$  کہتے ہیں جس کی اکائی ویبر۔ چکو  $\lambda$  سے اس امالی برقی دباؤ کی ست کا تعین یوں کیا

induced voltage $^{31}$ 

Faraday's law<sup>32</sup>

<sup>33</sup> مائکل فیراڈے انگلتانی سائنسدان تھے جنہوں نے محرک برقی د باؤدریافت کی

flux linkage<sup>34</sup>

weber-turn<sup>35</sup>

باب\_2.مقت طبيسي ادوار

جاتا ہے کہ اگر دیئے گئے کچھے کی سرول کو کسوِ دور<sup>36</sup> کیا جائے تو اِس میں برقی رو اُس سمت میں ہو گی جس میں مقاطیسی بہاو کی تبدیلی کو روکا جا سکے۔

جن مقناطیسی دوروں میں مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو اٹل مقدار تصور کیا جا سکے یا جن میں خلائی درز کی انجکیاہٹ تالب کی انجکیاہٹ سے بہت زیادہ ہو لیتن  $\Re_a\gg\Re_c$  ، ان حالات میں ہم کچھے کی امالہ  $L^{37}$  کو یوں بیان کرتے ہیں۔

$$(2.28) L = \frac{\lambda}{i}$$

(2.29) اماله کی اکائی و یبر - چکر فی ایمپیئر ہے جس کو ہمینوی 
$$H^{38}$$
 کا نام $^{96}$  و یا گیا ہے۔ لہذا  $L = \frac{N\phi}{i} = \frac{NB_cA_c}{i} = \frac{N^2\mu_0A_a}{l_a}$ 

مثال 2.5: شکل 2.6 میں اگر  $l_a=3\,\mathrm{mm}$  مثال 2.5: شکل 2.6 میں اگر و صور توں میں کھیے کے 1000 چکر اور قالب کی اوسط لمبائی  $l_c=30\,\mathrm{cm}$  ہو تب ان دو صور توں میں کچھے کی امالہ معلوم کریں۔

- -قالب کی  $\mu_r=\infty$  قالب -
- $\mu_r = 500$  قالب کی •

$$L=\frac{N^2\mu_0wb}{l_a}$$
 على: پہلی صورت میں قالب کی  $m_r=\infty$  ہونے کی وجہ سے قالب کی پیچیاہٹ نظرانداز کی جا سکتی ہے۔ یوں 
$$L=\frac{N^2\mu_0wb}{l_a}$$
 
$$=\frac{1000^2\times 4\pi 10^{-7}\times 0.04\times 0.05}{0.003}$$

 $= 0.838 \,\mathrm{H}$ 

short circuit<sup>36</sup> inductance<sup>37</sup>

Henry<sup>38</sup>

<sup>39</sup> امر کی سائنسدان جوزف بینری جنہوں نے مالکل فیراڈے سے علیحدہ طور پر محرک برقی دہاؤوریافت کی

دوسری صورت میں  $\mu_r=500$  ہے۔یوں قالب کی انچکچاہٹ صفر نہیں۔خلاء اور قالب کی انچکچاہٹ پہلے دریافت کرتے ہیں

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 w b} = \frac{0.003}{4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1\,193\,507\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 w b} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238\,701\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

للذا

$$\begin{split} \phi &= \frac{Ni}{\Re_a + \Re_c} \\ \lambda &= N\phi = \frac{N^2i}{\Re_a + \Re_c} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_a + \Re_c} = \frac{1000^2}{1\,193\,507 + 238\,701} = 0.698\,\mathrm{H} \end{split}$$

مثال 2.6: شکل 2.10 میں ایک پیچیدار کیھا 40 و کھایا گیا ہے جس کی تفصیل یوں ہے

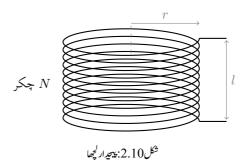
 $N = 11, r = 0.49 \,\mathrm{m}, l = 0.94 \,\mathrm{m}$ 

ایسے پیچدار کچھے کی بیشتر مقناطیسی بہاو کچھے کے اندر محوری سمت میں ہوتی ہے۔ کچھے کے باہر مقناطیسی بہاو کی مقدار قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ یوں کچھے کے اندر محوری جانب مقناطیسی شدت

$$H = \frac{Ni}{l}$$

ہوتی ہے۔اس کچھے کی خود امالہ حاصل کریں۔ حل:

باب\_2.مقت طبيسي ادوار



$$\begin{split} B &= \mu_0 H = \frac{\mu_0 Ni}{l} \\ \phi &= B\pi r^2 = \frac{\mu_0 Ni\pi r^2}{l} \\ \lambda &= N\phi = \frac{\mu_0 N^2 i\pi r^2}{l} \\ L &= \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l} \end{split}$$

بول

$$L=rac{4\pi 10^{-7} imes 11^2 imes \pi imes 0.49^2}{0.94}=122\,\mathrm{pH}$$
يہ پيچيدار کچھا ميں نے 3000 کلو گرام لوہا پیکھلانے والی بھٹی میں استعمال کیا ہے۔

 $i_1$  شکل 2.11 میں دو کچھے والا ایک مقناطیسی دور دکھایا گیا ہے۔ ایک کچھے کے  $N_1$  چکر ہیں اور اس میں برقی رو  $i_2$  ہوں ہیں کہ اِن ہے اور دوسرا کچھا  $N_2$  چکر کا ہے اور اس میں برقی رو  $i_2$  ہے۔ دونوں کچھوں میں برقی رو کی سمتیں یوں ہیں کہ اِن دونوں کا مقناطیسی دباؤ جمع ہو۔ یوں اگر قالب کے امالہ کو نظرانداز کیا جائے تو ہم مقناطیسی بہاو  $\phi$  کے لئے لکھ سکتے ہیں

(2.30) 
$$\phi = (N_1 i_1 + N_2 i_2) \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

یہاں  $\phi$  دونوں کیجھوں کے مجموعی مقناطیسی دباؤ لیعنی  $N_1i_1+N_2i_2$  سے پیدا ہونے والا مقناطیسی بہاو ہے۔ اس

$$b$$
  $l_a$   $\lambda_1 = N_1 \phi$   $\lambda_2 = w$   $\lambda_2 = w$   $\lambda_1 = N_1 \phi$   $\lambda_2 = N_2 \phi$   $\lambda_2 = N_2 \phi$   $\lambda_3 = N_2 \phi$   $\lambda_4 = N_2 \phi$   $\lambda_5 = w$   $\lambda_6 = N_1 i_1 + N_2 i_2$   $\delta = N_2 i_3$   $\delta = N_3 i_4 + N_5 i_5$ 

شكل 2.11; دولچھے والا مقناطیسی دور۔

مقناطیسی بہاو کی ان کچھوں کے ساتھ ارتباط کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(2.31) 
$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$

اس کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

جہاں

$$(2.33) L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

$$(2.34) L_{12} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

ہیں۔ یہاں  $L_{11}$  پہلے کچھے کی خود امالہ  $^{41}$  ہا اور  $L_{11}i_1$  اِس کچھے کی اپنے برقی رو  $i_1$  سے پیدا مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے جود ارتباط بہاو  $^{42}$  کہتے ہیں۔  $L_{12}i_2$  اِن دونوں کچھوں کا مشترکہ امالہ  $^{43}$  ہا اور  $L_{12}i_2$  اور  $L_{12}i_2$  اور  $L_{12}i_2$  اور  $L_{12}i_2$  کہم ارتباط بہاو  $^{44}$  کہتے ہیں۔ بالکل اس طرح ہم دوسرے کچھے کے لئے کھ سکتے ہیں

$$\lambda_2 = N_2 \phi = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$
 (2.35) 
$$= L_{21} i_1 + L_{22} i_2$$

 $\begin{array}{c} \mathrm{self~inductance^{41}}\\ \mathrm{self~flux~linkage^{42}}\\ \mathrm{mutual~inductance^{43}}\\ \mathrm{mutual~flux~linkage^{44}} \end{array}$ 

42 باب\_2, مقناطيسي ادوار

جہاں

$$(2.36) L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

(2.37) 
$$L_{21} = L_{12} = N_2 N_1 \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$

ہیں۔ $L_{22}$  دو نمبر کیجے کی خود امالہ اور  $L_{11}=L_{12}$  ان دو کیجھوں کی مشتر کہ امالہ ہے۔ یہاں یہ واضح کرنا ضروری ہے کہ امالہ کا تصور اس وقت کارآ مد ہوتا جب ہم مقناطیسی مستقل  $\mu$  کو اٹل تصور کر سکیں۔

مساوات 2.28 کو مساوات 2.27 میں استعمال کریں تو

(2.38) 
$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = \frac{\partial (N\phi)}{\partial t} = \frac{\partial (Li)}{\partial t}$$

اگر امالہ مقررہ ہو جبیبا کہ ساکن آلوں میں ہوتا ہے تب ہمیں امالہ کی جانی پیجانی مساوات ملتی ہے

$$(2.39) e = L \frac{\partial i}{\partial t}$$

مگر اگر امالہ بھی تبدیل ہو جیسا کہ موٹروں اور جزیٹروں میں ہوتا ہے تب

$$(2.40) e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$

توانائی  $^{45}$  کی اکائی جاول  $^{47}J$   $^{46}$  ہے اور طاقت  $^{48}$  کی اکائی  $^{49}$  جاول فی سیکنڈ یا واٹ  $^{60}W$  ہے۔

اس کتاب میں توانائی یا کام کو W سے ظاہر کیا جائے گا مگر طاقت کی اکائی واٹ W کے لئے بھی ہی کی علامت استعال ہوتی ہے۔ امید کی جاتی ہے کہ اس سے غلطی پیش نہیں آئے گی اور استعال کو دیکھ کرید فیصلہ کرنا کہ اس کا کونیا مطلب لیا جا رہا ہے وشوار نہ ہو گا۔

وقت کے ساتھ توانائی کی شرح کو طاقت کہتے ہیں المذاکسی کچھے کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$(2.41) p = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = ei = i\frac{\partial\lambda}{\partial t}$$

energy<sup>45</sup> Joule<sup>46</sup>

<sup>47</sup> جیمس پریسقوٹ جاول انگستانی سائنسدان جنہوں نے حرارت اور میکانی کام کار شتہ دریافت کیا

power<sup>48</sup>

 $Watt^{50}$ 

لہٰذا ایک مقناطیسی دور میں  $t_1$  سے  $t_2$  تک کے وقفے میں مقناطیسی توانائی میں تبدیلی کو تکمل کے ذریعہ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے۔

(2.42) 
$$\Delta W = \int_{t1}^{t2} p \, \mathrm{d}t = \int_{\lambda 1}^{\lambda 2} i \, \mathrm{d}\lambda$$

اگر مقناطیسی دور میں ایک ہی لچھا ہو اور اس دور میں امالہ اٹل ہو تب

(2.43) 
$$\Delta W = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, d\lambda = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\lambda}{L} \, d\lambda = \frac{1}{2L} \left( \lambda_2^2 - \lambda_1^2 \right)$$

اگر ہم لمحہ  $t_1$  پپہ  $0=\lambda_1=0$  تصور کریں تب ہم کسی دیئے گئے کہ پپہ مقناطیسی توانائی کو یوں لکھ سکتے ہیں  $\Delta W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2}$ 

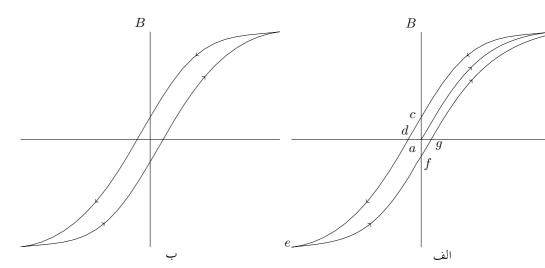
#### 2.8 مقناطیسی مادہ کے خصوصات

مقناطیسی دوروں میں قالب استعال کرنے سے دو طرح کے فوائد حاصل ہوتے ہیں۔ قالب کے استعال سے ایک تو کم مقناطیسی دباؤ سے زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا کی جا سکتی ہے اور دوسری، مقناطیسی بہاو کو اپنی مرضی کے راستوں پابند کیا جاسکتا ہے۔ ٹرانسفار مروں میں قالب کو استعال کر کے مقناطیسی بہاو کو اِس طرح پابند کیا جاتا ہے کہ جو مقناطیسی بہاو ایک لچھے سے گزرتا ہے، وہی مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، باتی لچھوں سے بھی گزرتا ہے۔ موٹروں میں قالب کو استعال کر کے مقناطیسی بہاو کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پیدا ہو جبکہ جزیئر وں میں اسے زیادہ سے زیادہ برقی دباؤ حاصل کرنے کی نیت سے پابند کیا جاتا ہے۔ مقناطیسی اشیاء کی B اور B کے تعلق کو گراف کے ذریعہ سے پیش کیا جاتا ہے۔ لوہا خالم کیا جاتا ہے۔ اس نقطہ بی دکھائی گئی ہے۔ایک لوہا نقطہ میں کئی قسم کی مقناطیسی اثر نہ ہو کو نقطہ B سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس نقطہ یر

$$H_a = 0$$

$$B_a = 0$$

44 بـــــ 2 مقناطيسي ادوار



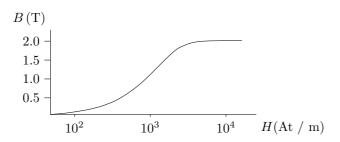
شکلB-H:2.12 خطوط یامقناطیسی جال کے دائرے

الیی شہ کو کچھے میں رکھ کر اس پر مقناطیسی دباؤ لا گو کی جا سکتی ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت H لا گو کرنے سے لوہا نما مقناطیسی شہ میں کثافتِ مقناطیسی بہاو B پیدا ہو گی۔میدانی شدت بڑھانے سے کثافتِ مقناطیسی بہاو بھی بڑھے گی۔اس عمل کو نقطہ a سے شروع ایک نوکدار خط سے دکھلایا گیا ہے۔میدانی شدت کو نقطہ b تک بڑھایا گیا ہے جہاں ہے مقداری H اور H ہیں۔

اگر اس نقطہ تک چینچنے کے بعد میدانی شدت کم کی جائے تو دیکھا یہ گیا ہے کہ واپی کی خط مخلف راستہ اختیار کرتی ہے۔ یوں نقطہ b سے اگر میدانی شدت کم کرتے کرتے صفر کی جائے تو لوہا نما شہ کی کثافتِ مقناطیس بہاو کم ہو کر نقطہ c پر آپنچنی ہے۔ نقطہ d سے نقطہ c تک نوکدار خط اس عمل کو دکھلا رہی ہے۔ اس نقطہ پر بیرونی میدانی شدت صفر ہے لیکن لوہا نما شہ کی کثافتِ مقناطیس بہاو صفر نہیں۔ یہ اب ایک مقناطیس بن گیا ہے جس کی کثافتِ مقناطیس بہاو d کہتے ہیں۔ مصنوعی مقناطیس اس طرح بنائے جاتے ہیں۔ بہاو d ہیں۔ مصنوعی مقناطیس اس طرح بنائے جاتے ہیں۔

اگر یہاں سے میدانی شدت منفی سمت میں بڑھائی جائے تو B کم ہوتے ہوتے آخر کار ایک مرتبہ پھر صفر ہو جاتی ہے۔اس نقطہ کو d سے ظاہر کیا گیا ہے۔مقناطیسیت ختم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی مقدار  $|H_d|$  کو مقاطیسیت ختم کرنے والی شدت یا خاتم شدت  $\frac{52}{2}$  کہتے ہیں۔

magnetic flux!residual<sup>51</sup> coercivity<sup>52</sup>



شكل 5:2.13 سٹيل كى 0.3048 ملى ميٹر موٹی پتري كاخطہ ميدانی شدت كاپيانہ لاگ ہے۔

اگر برقی شدت کو متواتر اسی طرح پہلے ایک جانب اور پھر دوسری جانب ایک خاص حد تک لے جایا جائے تو آخر کار B-H کار B-H خط ایک بند دائرے کی شکل اختیار کر لیتا ہے جسے شکل 2.12-ب میں دکھایا گیا ہے۔شکل 2.12-ب کو مقناطیسی چال کا دائرہ 53 کہتے ہیں۔

مختلف H کے لئے شکل 2.12-ب حاصل کر کے ایک ہی کاغذ پر کھینچنے کے بعد ان تمام کے b نقطے جوڑنے سے شکل 2.13 میں دکھایا B-H خط حاصل ہوتا ہے۔ شکل 2.13 میں ٹرانسفار مروں میں استعال ہونے والی 80.3048 میں مرفی M قالب کی پتری کا M B H خط دکھایا گیا ہے۔ اس خط میں موجود مواد جدول 2.1 میں بھی دیا گیا ہے۔ عموماً مقناطیسی مسائل حل کرتے ہوئے شکل 2.12 کی جگہ شکل 2.13 کی طرح کا خط استعال کیا جاتا ہے۔ دھیان رہے کہ اس خط میں H کا پیانہ H گیا ہے H میں دکھایا گیا ہے۔

لوہا نما مقناطیسی اشیاء پر لا گو مقناطیسی شدت بڑھانے سے کثافتِ مقناطیسی بہاو بڑھنے کی شرح بندر تک کم ہوتی جاتی ہے حتی کہ آخر کاریہ شرح خلاء کی شرح  $\mu_0$  رہ جاتی ہے یعنی

$$\frac{\Delta B}{\Delta H} = \mu_0$$

اس اثر کو سیر ابیت 55 کہتے ہیں۔ یہ شکل 2.13 میں واضح ہے۔

hysteresis  $loop^{53}$   $log^{54}$ 

saturation<sup>55</sup>

باب2.مقت طبيسي ادوار

شکل 2.12 ہے واضح ہے کہ H کے کسی بھی قیمت پر B کے دو مکنہ قیمتیں ہیں۔ اگر مقناطیسی بہاو بڑھ رہا ہو تو گراف میں نیچے ہے اوپر جانے والی کلیر اِس میں B اور H کے تعلق کو پیش کرتی ہے اور اگر مقناطیسی بہاو کم ہو رہا ہو تو اوپر سے نیچے آنے والی کلیر اِس تعلق کو پیش کرتی ہے۔ چونکہ B/H ہا ، للذا B کے مقدار تبدیل ہونے ہو تو اوپر سے نیچے آنے والی کلیر اِس تعلق کو پیش کرتی ہے۔ چونکہ B/H ہی تبدیل ہوتی ہے۔ باوجود اِس کے ہم مقناطیسی دوروں میں یہ تصور کرتے ہیں کہ  $\mu$  ایک مقررہ ہے۔ یہ تصور کرتے ہیں کہ  $\mu$  ایک مقررہ ہے۔ یہ تصور کر لینے سے عموماً جواب پر زیادہ اثر نہیں پڑتا۔

مثال 2.7: شکل 2.13 یاس کے مساوی جدول 2.1 میں دیئے گئے مواد کو استعال کرتے ہوئے شکل 2.6 کی خلاء میں ایک ٹسلا اور دو ٹسلا کثافت ِ مقاطیسی بہاو حاصل کرنے کے لئے درکار برقی رو معلوم کریں۔اس شکل میں

 $b = 5 \,\mathrm{cm}, w = 4 \,\mathrm{cm}, l_a = 3 \,\mathrm{mm}, l_c = 30 \,\mathrm{cm}, N = 1000$ 

ہیں۔ قالب اور خلاء کی رقبہ عمودی تراش برابر لیں۔

حل: ایک ٹسلاکے لئے۔

H جدول 2.1 سے ہم دیکھتے ہیں کہ قالب میں 1 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے قالب کو 11.22 ایمپیئر چکر فی  $0.3 \times 11.22 = 3.366$  میٹر در کار ہیں۔

خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi 10^{-7}} = 795\,671$$

ایمپیئر- چکر فی میٹر درکار ہیں۔لہٰذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 2387 = 2367 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہیں۔یوں کل ایمپیئر- چکر 3366 + 2387 = 2390.366 ہیں جن سے

$$i = \frac{2390.366}{1000} = 2.39 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتی ہے۔

حل: دو ٹسلا کے لئے۔

2.9 بيجبان شده لچھ ا

B	H	B	H	B	H	B	H	B	H	B	H
0.000	0	0.700	9	1.480	30	1.720	200	1.852	1000	1.998	9000
0.040	2	0.835	10	1.540	40	1.752	300	1.900	2000	2.000	10000
0.095	3	1.000	11.22	1.580	50	1.780	400	1.936	3000	2.020	20000
0.160	4	1.100	12.59	1.601	60	1.800	500	1.952	4000	2.040	30000
0.240	5	1.200	14.96	1.626	70	1.810	600	1.968	5000	2.048	40000
0.330	6	1.300	17.78	1.640	80	1.824	700	1.975	6000	2.060	50000
0.440	7	1.340	20	1.655	90	1.835	800	1.980	7000	2.070	60000
0.560	8	1.400	23.77	1.662	100	1.846	900	1.985	8000	2.080	70000

#### جدول 2.1: مقناطيسي بهاو بالقابل شدت

جدول 2.1 سے ہم دیکھتے ہیں کہ قالب میں 2 ٹسلا حاصل کرنے کے لئے قالب کو 10000 ایمپیئر-چکر فی میٹر H درکار ہے۔یوں 30 سم لمبے قالب کو 3000 =  $0.3 \times 10000$  ایمپیئر چکر درکار ہیں۔خلاء کو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591342$$

ایمپیئر- چکر فی میٹر درکار ہیں۔المذا 3 ملی میٹر کمبی خلاء کو 4774 = 1591342 × 0.003 ایمپیئر چکر درکار ہیں۔یوں کل دایمپیئر- چکر 7774 = 4774 + 3000 ہیں جن سے

$$i = \frac{7774}{1000} = 7.774 \,\mathrm{A}$$

حاصل ہوتی ہے۔

اس مثال میں مقناطیسی سیر ابیت کے اثرات واضح ہیں۔

#### 2.9 ميجان شده لجھا

عموماً بدلتی رو بجلی میں برقی دباؤ اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں یعنی بیہ وقت کے ساتھ  $\sin \omega t$  یا  $\sin \omega t$  تعلق رکھتے ہیں۔ اِس سبق میں ہم بدلتی رو سے کچھے کو ہیجان کرنا اور اس سے نمودار ہونے والے برقی توانائی کے

48 باب 2, مقت طبيسي ادوار

ضیاع کا تذکرہ کریں گے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو

$$(2.47) B = B_0 \sin \omega t$$

یوں قالب میں بدلتا مقناطیسی بہاوarphi

(2.48) 
$$\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin \omega t = \phi_0 \sin \omega t$$

ہے۔اس مساوات میں مقناطیسی بہاو کا حیطہ  $\phi_0$  اور B کا حیطہ  $B_0$  کے مابین تبدیل ہوتے ہیں۔ $A_c$  قالب کا رقبہ عمودی تراش ہے جو ہر جگہ کیسال ہے۔ $a=2\pi f$  سے جہال  $a=2\pi f$  تعدد ہے۔

فیراڈے کے قانون لیعنی مساوات 2.27 کے تحت اس مقناطیسی بہاو کی وجہ سے کچھے میں e(t) برقی دباؤ پیدا ہو گی۔

(2.49) 
$$e(t) = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

$$= \omega N \phi_0 \cos \omega t$$

$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$

$$= E_0 \cos \omega t$$

جس کا حیطہ

$$(2.50) E_0 = \omega N \phi_0 = 2\pi f N A_c B_0$$

ے۔e(t) کو امالی برقی دباؤe(t) کے ہیں۔

ہم بدلتی رو مقداروں کے مربع کی اوسط کے جزر میں دلیجی رکھتے ہیں۔ یہی ان مقداروں کی موثو  $^{57}$  قیمت ہوتی  $1/\sqrt{2}$  ہیں مغزہ 19 پر مساوات 1.44 میں دیکھا گیا ہے، ایک سائن نما موج کی موثر قیمت اس کے حیطہ کے  $2/\sqrt{2}$  گنا ہوتی ہے لہٰذا

(2.51) 
$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N A_c B_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N A_c B_0$$

یہ مساوات بہت اہمیت رکھتی ہے اور ہم اس کو بار بار استعال کریں گے۔بدلتی برقی دباؤیا بدلتی برقی رو کی مقدار کی جب بھی ذکر ہو، یہ ان کی مربع کی اوسط کے جزر لینی اس کے موثر قیمت کا ذکر ہوتا ہے۔پاکستان میں گھریلو برقی

induced voltage<sup>56</sup> root mean square, rms<sup>57</sup>

2.9 ہیجبان شدہ کچھ

د باؤ 220 وولٹ ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اس برقی د باؤ کی موثر قیمت 220 وولٹ ہے۔ چونکہ یہ سائن نما ہے للذا اس کی چوٹی  $\sqrt{2} \times 220 = 311$ 

مثال 2.8: شکل 2.7 میں 27 چکر ہیں۔ قالب کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عمودی تراش 229.253 مر بع سم ہے۔ کچھے میں گھریلو 220 وولٹ موثر برقی دباؤسے بیجان پیدا کیا جاتا ہے۔جدول 2.1 کی مدد سے مختلف برقی دباؤ پر محرک برقی رو معلوم کریں اور اس کا خط کھیجنیں۔

حل: گھریلو برقی د باؤ 50 ہرٹز کی سائن نما موج ہوتی ہے یعنی

(2.52) 
$$v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2\pi 50t)$$

مساوات 2.51 کی مدد سے ہم کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی حاصل کرتے ہیں

(2.53) 
$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 \,\mathrm{T}$$

لہٰذا قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر سے 1.601 ٹسلا کے در میان تبدیل ہوتی رہتی ہے۔یوں قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو کی مساوات یہ ہوگی

$$(2.54) B = 1.601 \sin \omega t$$

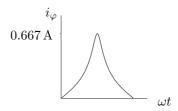
ہم فہرست کی مدد سے کثافتِ مقناطیسی بہاو کے 0 سے 1.601 ٹسلا کے درمیان مختلف قیمتوں پر درکار محرک برقی رو  $i_{\phi}$  معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ہم مختلف B پر جدول 2.1 سے قالب کی H حاصل کریں گے جو کہ ایک میٹر لمبی قالب کے لئے درکار ایمپیئر-چکر حل کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔

 $\omega t$  جدول 2.2 مختلف کثافتِ مقناطیسی بہاو کے لئے درکار محرک برقی رو دیتی ہے۔جدول میں ہر B کی قیمت پر  $\omega t$  مساوات 2.54 کی مدد سے حاصل کی گئی ہے۔  $\omega t$  بالمقابل محرک برقی رو کا خط شکل 2.14 میں دیا گیا ہے۔

اب\_2.مقٹ طبیری ادوار

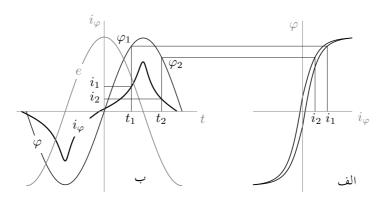
$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$	$\omega t$	B	H	0.3H	$i_{\varphi} = \frac{0.3H}{27}$
0.675	1.000	11.22	3.366	0.125	0.000	0.000	0	0.000	0.000
0.757	1.100	12.59	3.777	0.140	0.025	0.040	2	0.600	0.022
0.847	1.200	14.96	4.488	0.166	0.059	0.095	3	0.900	0.033
0.948	1.300	17.78	5.334	0.198	0.100	0.160	4	1.200	0.044
0.992	1.340	20	6.000	0.222	0.150	0.240	5	1.500	0.056
1.064	1.400	23.77	7.131	0.264	0.208	0.330	6	1.800	0.067
1.180	1.480	30	9.000	0.333	0.278	0.440	7	2.100	0.078
1.294	1.540	40	12.000	0.444	0.357	0.560	8	2.400	0.089
1.409	1.580	50	15.000	0.556	0.453	0.700	9	2.700	0.100
1.571	1.601	60	18.000	0.667	0.549	0.835	10	3.000	0.111

جدول2.2: محرک برقی رو



شكل 3:2.14 يترى كے قالب ميں 1.6 شلاتك يجان پيداكرنے كے لئے دركار يجان انگيز برتى رو

2.9 بيجبان شده لچھ ا



شكل 2.15: پيجان انگيزېر قي روپه

برقی کچھ میں برقی دباؤ سے بیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ بیجان شدہ کچھ میں برقی روکی وجہ سے قالب میں مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ اس برقی رو $i_{\varphi}$  کو ہیں انگیز برقی رو $i_{\varphi}$  کہتے ہیں۔

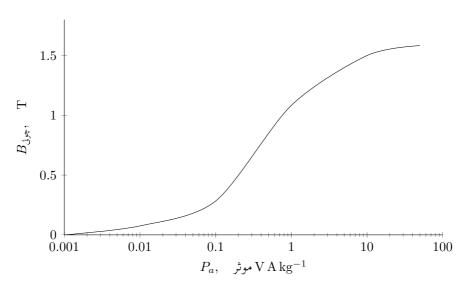
مثال 2.8 میں بیجان انگیز برتی رو معلوم کی گئی جے شکل 2.14 میں دکھایا گیا۔اسے حاصل کرتے وقت مقناطیسی چال  $^{59}$  کو نظر انداز کیا گیا۔شکل 2.15 میں بیجان انگیز برتی رو  $_{i_{\varphi}}$  دکھائی گئی ہے جو مقناطیسی چال کو مدِ نظر رکھ کر حاصل کی گئی ہے۔ اس کو سمجھنا نہایت ضروری ہے۔ شکل 2.15-الف میں مقناطیسی چال کا خط ہے۔چونکہ

ہیں المذا مقناطیسی چال کے خط کو  $\varphi - i_{\varphi}$  کا خط کھا جا سکتا ہے۔ شکل 2.15-ب قالب میں سائن نما مقناطیسی بہاو کو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے۔ لمحہ  $t_1$  پر اس موج کی مقدار  $\varphi$  و کھا رہا ہے۔ سائن نما مقناطیسی بہاو کی موج وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے۔ لمحہ  $t_1$  پر اس موج کی مقدار ہے۔ سے مقناطیسی بہاو  $\varphi$  حاصل کی جا سکتی ہے۔ اس ہے۔ مقناطیسی بہاو  $\varphi$  حاصل کی جا سکتی ہے۔ اس ہے۔ مقناطیسی بہاو وکو شکل-ب میں لمحہ  $t_1$  پر دکھایا گیا ہے۔

وھیان رہے کہ لمحہ  $t_1$  پر مقناطیسی بہاو بڑھ رہی ہے لہذا مقناطیسی چال کے خط کا صحیح حصہ استعال کرنا ضروری ہے۔ شکل 2.15-الف میں  $\varphi - i_0$  کے خط میں گھڑی کے الٹی جانب گھومتے ہوئے یوں نیچے سے اوپر جاتا ہوا حصہ

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm excitation~current}^{58} \\ {\rm ~hysteresis}^{59} \end{array}$ 

52 باب\_2,مقناطيسي ادوار



شکل 2.16: پیچاس ہرٹزرد 0.3 ملی میٹر موٹی پتری کے لئے در کار موثر وولٹ - اپنیئر فی کلو گرام قالب

استعال کیا گیا ہے۔مقناطیسی بہاو بڑھنے کی صورت میں شکل 2.12-ب میں نیچے سے اوپر جاتے ہوئے تھے پر تیر کا نشان صحیح سمت دکھلاتا ہے۔اسی طرح مقناطیسی بہاو گھنے کی صورت میں اوپر سے نیچے جاتے تھے پر تیر کا نشان صحیح حصہ دکھلاتا ہے۔

لمحہ t پر مقناطیسی بہاو گھٹ رہی ہے۔اس لمحہ پر مقناطیسی بہاو  $\varphi_2$  ہے اور اسے حاصل کرنے کے لئے درکار پیجان انگیز برقی رو  $i_2$  ہے۔

اگر اسی طرح مختلف کمحات پر درکار بیجان انگیز برقی رو حاصل کی جائے تو جمیں شکل 2.15-ب میں دکھائی گئ $i_{arphi}$  کا خط ملے گی۔ یہ ایک غیر سائن نما خط ہے۔

و المورق و المورق المورق المورق و المورق المورق و المورق المورق و المورق

اگر قالب میں  $B=B_0\sin\omega t$  ہو تو اِس میں H اور  $i_{arphi}$  ایک غیر سائن نما شکل اختیار کر لیتے ہیں۔ اس صورت میں اِن کے موثر قیمتوں  $H_{c,rms}$  اور  $i_{arphi,rms}$  کا تعلق سے ہے

$$(2.56) Ni_{\varphi,rms} = l_c H_{c,rms}$$

2.9 ہیجیان شدہ کچھ

مساوات 2.51 اور مساوات 2.56 سے ملتا ہے

(2.57) 
$$E_{rms}i_{\varphi,rms} = \sqrt{2\pi}fB_0H_{c,rms}A_cl_c$$

یہاں  $A_c l_c$  قالب کا تجم ہے۔ للذا یہ مساوات ہمیں جماوات ہمیں قالب کو  $B_0$  کثافت مقاطیسی بہاو تک ہیجان کرنے میں میں میں مقاطیسی قالب جس کا تجم محماوات  $A_c l_c$  اور میکانی کثافت  $E_{rms} i_{\varphi,rms}$  براس کی کمیت  $m_c = \rho_c A_c l_c$  ہو، اس کی کمیت میں ہم، ایک کلو گرام قالب، کے لئے مساوات 2.57 کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$(2.58) P_a = \frac{E_{rms}i_{\varphi,rms}}{m_c} = \frac{\sqrt{2}\pi f}{\rho_c} B_0 H_{c,rms}$$

 $B_{c,rms}$  ویکھا جائے تو کسی ایک تعدد  $P_a$  پے  $P_a$  کی قیمت صرف قالب اور اس میں  $B_0$  یعنی چوٹی  $B_0$  پیدا کرنے کیلئے در کار خود  $B_0$  پیدا کرنے کیلئے در کار خود  $B_0$  پیدا کرنے کیلئے در کار  $B_0$  کے فود  $B_0$  کو دور  $B_0$  کو دور  $B_0$  اور  $B_0$  کا مین گراف کی شکل میں دیتے ہیں۔ قالب کی  $B_0$  می میٹر موٹی پتری کے لئے ایسا گراف شکل  $B_0$  میں دکھایا گیا ہے۔

باب.2.مقن طیسی ادوار

## باب3

# ٹرانسفار مر

ٹرانسفار مر وہ آلہ ہے جو بدلتی برقی دباؤ تبدیل کرتا ہے۔ یہ دو یا دو سے زیادہ کچھوں پر مشتمل ہوتا ہے جو مقناطیس قالب اپر لیٹے ہوتے ہیں۔ یہ کچھے عموماً آپس میں جُڑے ہوئے نہیں ہوتے۔ شکل 3.1-الف میں ٹرانسفار مرکی علامت د کھائی گئی ہے۔ دو کچھوں کے در میان متوازی کلیریں مقناطیسی قالب کو ظاہر کرتی ہیں۔

دستیاب برقی د باؤ  $^2$  پر ٹرانسفار مر کے ایک کچھے کو برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے اور باقی کچھوں سے مختلف برقی د باؤ پر بہی برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے۔ جس کچھے پر برقی د باؤ لا گو کیا جائے اسے ابتدائی لچھا<sup>3</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر کی اس جانب کو ابتدائی جانب کو کہتے ہیں۔ اس طرح جس کچھے (کچھوں) سے برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے اسے (انہیں) ثانوی لچھا<sup>3</sup> (کچھے) کہتے ہیں اور اس جانب کو ثانوی جانب<sup>6</sup> کہتے ہیں۔ یہ شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب کو بائیں ہاتھ کی جانب بنایا جاتا ہے۔

بڑے ٹرانسفار مرعموماً دو ہی کچھوں پر مشتمل ہوتے ہیں۔اس کتاب میں ہم دو ہی کچھوں کے مقناطیسی قالب پر لیٹے قوی ٹرانسفار مریر تبصرہ کریں گے۔

magnetic core<sup>1</sup>

<sup>2</sup> بدلتی برقی دیاؤ کی علامت میں مثبت اور منفی نشان وقت صفر پر برقی دیاؤ کی مثبت اور منفی سرے ظاہر کرتے ہیں۔

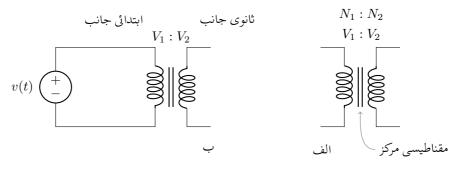
primary coil<sup>3</sup>

primary side<sup>4</sup>

secondary coil<sup>5</sup>

secondary side<sup>6</sup>

56 باب.3. ٹرانسفار مر



شكل 3.1: ٹرانسفار مركى علامت۔

ٹرانسفار مرکے کم برقی دباؤ کے کیجے کو کم بوقی دباؤ کا لچھا<sup>7</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مرکی اس جانب کو کم بوقی دباؤ والی جانب کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر دباؤ والی جانب کہتے ہیں جبکہ اس کے زیادہ برقی دباؤ کے کچھے کو زیادہ بوقی دباؤ کا لچھا<sup>8</sup> کہتے ہیں اور ٹرانسفار مر کی اس جانب کو زیادہ بوقی دباؤ والی جانب کہتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفار مر کے کم برقی دباؤکی جانب برقی دباؤ لاگو کیا جائے اور زیادہ برقی دباؤکی جانب سے برقی دباؤ حاصل کیا جائے تو ٹرانسفار مرکی کم برقی دباؤوالی جانب کو ابتدائی جانب کہیں گے اور اس کی زیادہ برقی دباؤوالی جانب کو ثانوی جانب کہیں گے۔

#### 3.1 ٹرانسفار مرکی اہمیت

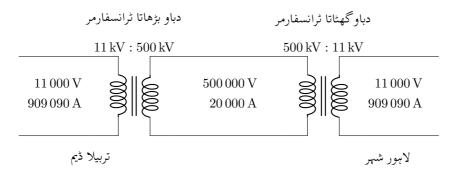
بدلتی رو کی برقی طاقت اتنی مقبول اس لئے ہوئی ہے کہ یہ ایک جگہ سے دوسری جگہ باآسانی اور نہایت کم برقی طاقت کی ضیاع کے ساتھ منتقل کی جاسکتی ہے۔ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباؤ<sup>9</sup> کی خصوصیت ایسا کرنے میں کلیدی کردہر ادا کرتی ہے۔ یہ ایک مثال سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔

مثال 3.1: شکل 3.2 سے رجوع کریں۔ برقی دباؤ اور برقی رو کی حاصلِ ضرب برقی طاقت ہوتی ہے لینی

low voltage coil<sup>7</sup>

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} \text{high voltage coil}^8 \\ \text{voltage transformation property}^9 \end{array}$ 

3.1. ٹرانسفار مر کیاہیت



شكل 3.2: برقى طاقت كى منتقلي ـ

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

اب تصور کریں کہ تربیلا ڈیم 000,000,000,000 واٹ لینی دس گیگا واٹ 10 برقی طاقت پیدا کر رہا ہے اور اس طاقت کو لاہور 11 شہر منتقل کرنا ہے جہال گھریلو صارفین کو یہ 220 وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔اگر ہم اس طاقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقل کرنا چاہیں تو برتی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{220} = 45\,454\,545\,\text{A}$$

ہو گی۔ برقی تار میں کثافتِ برقی رو  $J_{au}$  تقریباً 5 ایمپیئر فی مربع ملی میٹر  $\frac{A}{mm^2}$  کی مربع ملی میٹر  $J_{au}=5$  ممکن ہوتی ہے۔ یہ ایک مخفوظ کثافتِ برقی رو ہے۔ اگر برقی تار میں اس سے زیادہ برقی رو گزاری جائے تو اس کی مزاحمت میں برقی طاقت کے ضیاع سے یہ گرم ہو کر پگھل سکتی ہے۔ اس طرح صفحہ 12 پر مساوات 1.25 سے برقی تار کا رقبہ عمودی تراش

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{45454545}{5} = 9\,090\,909\,\text{mm}^2$$

ہو گا۔ گول تار تصور کریں تو اس کا رداس

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{9090909}{\pi}} = 1701 \,\mathrm{mm} = 1.7 \,\mathrm{m}$$

Giga Watt<sup>10</sup> 11 شلع صوابی میں مجی لاہورایک تحصیل ہے لیکن اس شمر کواتنی طاقت نہیں در کار

58 باب.3. ٹرانسفار مر

حاصل ہوتی ہے۔آپ نے دیکھا کہ درکار برقی تار کا رداس 1.7 میٹر ہے۔اتی موٹی برقی تار کہیں نہیں پائی جاتی  $ho_v=2700~{
m \frac{kg}{m^2}}$  کی بنی ہو جس کی کثافت  $ho_v=2700~{
m \frac{kg}{m^2}}$  کے بنی ہو جس کی کثافت  $m=2700\times\pi\times1.7^2\times1=24\,513\,{
m kg}$ 

یغی 24 ٹن ہو گی۔الموینم اتنی مہنگی ہے کہ اس صورت میں اتنی برقی طاقت کو لاہور پہنچانا ممکن نہیں 13۔

ڈیم پر ایک ٹرانسفار مر نسب کیا جائے جو برقی دباؤ کو بڑھا کر 000 500 وولٹ لیعنی 500 کلو وولٹ کر دے تب صرف

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10\,000\,000\,000}{500\,000} = 20\,000\,\mathrm{A}$$

ایمپیئر درکار ہوں گے جس کے لئے درکار برقی تار

$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{20\,000}{5} = 4000\,\text{mm}^2$$
$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{4000}{\pi}} = 35.7\,\text{mm}$$

صرف 35 ملی میٹر رداس کی ہو گی۔

اس مثال میں اگر تربیلا ڈیم میں نسب جزیٹر 11000 وولٹ برقی دباؤ پیدا کر رہا ہو تو تربیلا ڈیم پر نسب ٹرانسفار مر برقی دباؤ کو 11000 وولٹ سے بڑھا کر 500 کلو وولٹ کرے گا جبکہ لاہور شہر میں نسب ٹرانسفار مر اس برقی دباؤ کو 500 کلو وولٹ سے واپس 11000 وولٹ کر دے گا۔

اسی مثال کو مزید آگے لے جاتے ہیں۔ شہر میں 220 وولٹ کی بجائے 11000 وولٹ صارف تک پہنچائے جائیں گے اور۔وہیں نزدیک ایک اور ٹرانسفار مر 11000 وولٹ کو مزید گھٹا کر صارف کو 220 وولٹ فراہم کرے گی۔

 $^{14}$ شکل 3.2 میں ڈیم سے شہر تک کا نظام دکھایا گیا ہے جہال ڈیم پر نسب ٹرانسفار مرکو بوقی دباؤ بڑھاتا ٹرانسفار مر $^{15}$  اور لاہور میں نسب ٹرانسفار مرکو بوقی دباؤ گھٹاتا ٹرانسفار مر $^{15}$  کہا گیا ہے۔

برقی طاقت عموماً 11 کلو وولٹ اور 25 کلو وولٹ کے مابین پیدا کی جاتی ہے۔اس کی منتقلی 110 کلو وولٹ اور 1000 کلو وولٹ کے مابین کی جاتی ہے جبکہ اس کا استعال 1000 وولٹ سے کم پر کیا جاتا ہے۔

<sup>1&</sup>lt;sup>1</sup>آپ انیں بانہ انیں، آپ نے بھی اتنی موٹی برقی تاریجھی نہیں دیکھی <sup>13</sup>آج کل لاہور میں لوڈشیر نگ اس وجہ سے نہیں

step up transformer<sup>14</sup>

step down transformer<sup>15</sup>

3.2. ٹرانسفار مرکے اتب م

## 3.2 ٹرانسفار مرکے اقسام

گھروں اور کارخانوں کو برقی طاقت فراہم کرنے والے ٹرانسفار مر مقناطیسی قالب پر لیٹے جاتے ہیں۔ یہ عموماً تین مرحلہ آء ہوں۔ اور انہیں لوہسے کیے قالب والمے تین مرحلہ قوی ٹرانسفار مر<sup>17</sup> کہتے ہیں۔

نہایت چھوٹے ٹرانسفار مر عموماً لوہے کے قالب اور ایک موحلہ 18 ہوتے ہیں۔ یہ گھریلو استعال کے برقی مشین، مثلاً موبائل چارجر، میں گھ ہوتے ہیں اور 220 وولٹ سے برقی دباؤ مزید گھٹاتے ہیں۔

کچھ ٹرانسفار مر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی دباؤ ان کی ابتدائی جانب برقی دباؤ کی خاص نببت سے ہو۔ یہ نببت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ انہیں دباؤ کیے ٹرانسفار مو اس طرح کچھ ٹرانسفار مر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی رو، ابتدائی جانب برقی رو کی خاص نببت سے ہو۔ یہ نببت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ ان کو رو کھے ٹرانسفار مر کئی نببت سے ہی برقی د باؤ مر ٹرانسفار مر کئی دباؤ سببت سے ہی برقی د باؤ میں استعال ہوتے ہیں۔ ویسے تو ہر ٹرانسفار مرکسی نسبت سے ہی برقی د باؤ یا برقی رو کم یا زیادہ کرتا ہے لیکن جیسا پہلے ذکر ہوا ان دو قسم کے ٹرانسفار مروں میں کم اور زیادہ کرنے کی نسبت پر خاص توجہ رکھی جاتی ہے۔ ان دو اقسام کے ٹرانسفار مروں کی برقی استعداد 21 نہایت کم 22 ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مر کے لیجھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو خلاء کے ذریعہ بھی ممکن ہے۔انہیں خلائی قالب ٹرانسفار مروں کہتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفار مر ذرائع ابلاغ<sup>24</sup> کے ادوار، یعنی ریڈیو، ٹی وی وغیرہ میں پائے جاتے ہیں۔ان ٹرانسفار مروں کی علامت شکل الف کی طرح ہوتی ہے گر اس میں مقناطیسی قالب ظاہر کرنے والی متوازی کلیریں نہیں ہوتیں۔

three phase  $^{16}$ 

iron core, three phase power transformer<sup>17</sup>

single phase<sup>18</sup>

 $potential\ transformer^{19}$ 

current  $transformer^{20}$ 

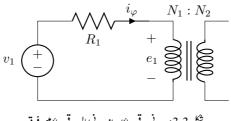
electrical rating<sup>21</sup>

<sup>22</sup> يه عموماً تقرّ يباً يجيس دولث-ايمبيئر استعداد ركھتے ہيں۔

air core transformer<sup>23</sup>

communication transformer<sup>24</sup>

با\_\_\_3. ٹرانسفار م 60



شكل 3.3: بير وني برقى دياؤاوراندروني امالي برقى دياؤمين فرق ـ

#### 3.3 امالى رقى د ماؤ

اس جھے کا بنیادی مقصد بیرونی برتی دباؤ v اور اندرونی امالی برتی دباؤ e میں فرق واضح کرنا اور اس سے تعلق رکھنے والی تکنیکی اصطلاح کا تعارف کرانا ہے۔

شکل 3.3 میں بے بوجھ 25 ٹرانسفار مر د کھایا گیا ہے لینی اس کے ثانوی کیھے کو کھلے دور رکھا گیا ہے۔ابتدائی کیھے یر  $v_1$  برقی دباؤ لا گو کرنے سے ابتدائی کچھے میں جیجان انگیز  $^{26}$  برقی روپے گررے گی۔اس ہیجان انگیز برقی روسے پیدا مقناطیسی دباؤ  $N_1 i_{arphi}$  قالب میں مقناطیسی بہاو arphi کو جنم دے گی۔ یہ بدلتی مقناطیسی بہاو ابتدائی کی میں امالی برقی دباؤ یدا کرتی ہے جہاں  $e_1$ 

(3.1) 
$$e_1 = -\frac{\mathrm{d}\lambda}{\mathrm{d}t} = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

اس مساوات میں

- ۸ ابتدائی کھیے کی مقناطیسی بہاو کے ساتھ ارتباط بہاو ہے
- و مقناطیسی قالب میں مقناطیسی بہاوجو دونوں کیھوں میں سے گزرتی ہے
  - N<sub>1</sub> ابتدائی کھیے کے چکر

 $unloaded^{25}$  ${\rm excitation}\ {\rm current}^{26}$  3.3. امالى برتى د ياؤ

ا گر اس ابتدائی کچھے کی برتی تارکی مزاحمت 
$$R_1$$
 ہو تب کرخوف کے قانون برائے برتی دباؤے  $v_1=i_{\varphi}R_1+e_1$ 

شکل میں اس مزاحت کو ٹرانسفار مر کے باہر دکھایا گیا ہے۔اس کچھے کی رِستا متعاملہ بھی ہوتی ہے لیکن اسے یہاں نظرانداز کیا گیا ہے۔عام تر طاقت کے ٹرانسفار مر اور موٹروں میں  $i_{\varphi}R_1$  کی قیمت  $e_1$  اور  $v_1$  سے بہت کم ہوتی ہے لہذا اسے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے ہم لکھ سکتے ہیں

$$(3.3) v_1 = e_1 = -N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 3.2 سے یہ ثابت ہوتا ہے کہ بیرونی لا گو برتی دباؤ  $v_1$  اور اندرونی امالی برتی دباؤ  $e_1$  دو علیحدہ برتی دباؤ  $v_1$  بیں۔  $v_2$  بیں۔ یہ بات سمجھ لینا بہت ضروری ہے۔ مساوات 3.3 کے تحت ان دو برتی دباؤ کی مقداریں عموماً برابر ہوتی ہیں۔  $v_3$  کتاب میں عموماً مساوات 3.3 کی طرح مساواتوں میں دائیں جانب منفی کی علامت نہیں کہ گئی۔ عموماً برتی دباؤ کی قیت درکار ہوتی ہے ناکہ اس کی علامت۔

لچھا ہیجان <sup>28</sup> کرنے سے مراد اس پر بیرونی برقی دباؤ لاگو کرنا جبکہ کچھے پر لاگو بیرونی برقی دباؤ کو ہیجان انگیز برقی دباؤ <sup>29</sup> کہتے ہیں۔ برقی دباؤ <sup>29</sup> کہتے ہیں۔ برقی دباؤ <sup>29</sup> کہتے ہیں۔

برتی دباؤ عموماً کچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاو کی تبدیلی سے حاصل کی جاتی ہے۔اگر ایما کرتے کچھا ساکن رہے، حیما کہ ٹرانسفار مر میں ہوتا ہے، تب حاصل برتی دباؤ کو امالی برقی دباؤ<sup>32</sup> کہتے ہیں۔اگر برتی دباؤ کا حصول مقناطیسی میدان میں کچھے کی حرکت سے ممکن بنایا جائے تب اسے محرک برقی دباؤ<sup>33</sup> کہتے ہیں۔یاد رہے ان برتی دباؤ میں کسی قشم کا فرق نہیں ہوتا۔انہیں مختلف نام صرف بچھان کی خاطر دئے جاتے ہیں۔

27 جس سے طلباء کو پیر غلط فہمی لاحق ہو جاتی ہے کہ یہ ایک ہی برقی دہاؤ کے دونام ہیں۔

excitation<sup>28</sup>

excitation voltage<sup>29</sup>

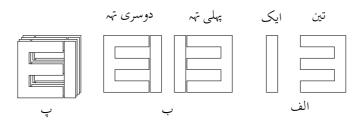
excited coil<sup>30</sup>

excitation current<sup>31</sup>

induced voltage<sup>32</sup>

electromotive force,  $\mathrm{emf}^{33}$ 

62 باب.3. ٹرانسفار مر



شکل 4. 3: قالبی پتری کے اشکال اور ان کو تہہ در تہہ رکھنے کاطریقہ۔

#### 3.4 هیجان انگیز برقی رواور قالبی ضیاع

جہاں مقناطیسی قالب میں بدلتی مقناطیسی بہاو ثانوی لچھوں میں فائدہ مند برقی دباؤ پیدا کرتی ہے وہاں یہ مقناطیسی قالب میں نقصان دہ برقی دباؤ کو بھی جنم دیتی ہے جس سے مقناطیسی قالب میں بھنور نھا برقی رو<sup>34</sup> پیدا ہوتی ہے۔ اس بھنور نما برقی رو کی وجہ سے مقناطیسی قالب میں برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جے بھنور نما برقی رو کا ضیاع  $^{35}$  یا قالبی ضیاع  $^{36}$  کہتے ہیں۔ اس برقی طاقت کے ضیاع کو کم سے کم کرنے کیلئے مقناطیسی قالب کو باریک لوہے کی یا قالبی ضیاع  $^{36}$  کہتے ہیں۔ اس برقی طاقت کے ضیاع کو کم سے کم کرنے کیلئے مقناطیسی قالب کو باریک لوہے کی پتریاں  $^{73}$  تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے۔ ان پتریوں پر غیر موصل روغن  $^{83}$  کی تہہ لگائی جاتی ہے تا کہ بھنور نما برقی روکو روکا جا سکے۔ آپ دیکھیں گے کہ برقی مثنین کا قالب عموماً اس طرح بنایا جاتا ہے۔ شکل 2.13 اور جدول 2.1 میں 80 میٹر موٹی میٹر موٹی کا 80 مواد دی گئی ہے۔

قالبی پتریاں عموماً دو اشکال کی ہوتی ہیں۔ یہ شکل 3.4-الف میں دکھایا گیا ہے۔ان کی شکل کی وجہ سے یہ ایک شکل اور تین 39 شکل کی پتریاں کہلاتے ہیں۔ شکل 3.4-ب میں ایک اور تین کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ان دو طریقوں سے انہیں تہہ در تہہ رکھا جاتا ہے۔الہٰذا اگر پہلی تہہ میں ایک دائیں جانب اور تین بائیں جانب رکھا جائے تو اس کے اوپر دوسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جانب رکھا جائے گا۔تیسری تہہ میں پھر ایک کو دائیں اور تین کو بائیں جانب رکھا جائے گا۔اسی طرح انہیں جوڑ کر شکل کے حصہ و میں دکھایا گیا قالب حاصل کیا جاتا ہے۔

eddy currents<sup>34</sup> eddy current loss<sup>35</sup>

 $core loss^{36}$ 

laminations<sup>37</sup>

enamel<sup>38</sup>

 $<sup>\</sup>mathrm{E},\mathrm{I}^{39}$ 

میجان انگیز برقی رو بے بوجھ اور بوجھ بردار ٹرانسفار مر میں میساں ہوتا ہے۔ جیسا کہ پہلے بھی ذکر کیا گیا ہے، قوی ٹرانسفار مر اور موٹروں میں برقی دباؤ اور مقناطیسی بہاو سائن نما ہوتے ہیں جبکہ بیجان انگیز برقی رو ان میں غیر سائن نما ہوتی ہے للذا اگر

(3.4) 
$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos (\omega t - 90^\circ)$$
$$\hat{\varphi} = \phi_0 / 90^\circ$$

ہو تو

(3.5) 
$$e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t} = \omega N_1 \phi_0 \cos \omega t$$
$$\hat{E_1} = \omega N_1 \phi_0 / 0$$

ہو  $^{40}$  گی۔ یہاں  $\phi_0$  مقناطیسی بہاو کے حیطہ کو ظاہر کرتی ہے، اور  $\omega$  زاویائی تعداد ارتعاش کو یعنی  $\phi_0$  جہاں  $\phi_0$  تعداد ارتعاش ہے جسے ہرٹز  $\phi_0$  میں ناپا جاتا ہے۔  $\hat{E}_1$  اور  $\hat{\varphi}$  کے مابین  $\phi_0$  کا زاویہ ہے۔ یہ شکل 3.5 میں دکھایا گیا ہے۔  $\hat{E}_1$  ریقی دہاؤ کی موثر قمت  $\hat{E}_2$  موثر قمت  $\hat{E}_3$ 

(3.6) 
$$E_{rms} = \frac{\omega N_1 \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N_1 \phi_0$$

ہے۔اس کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں

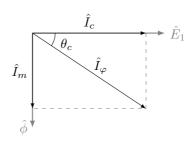
(3.7) 
$$\phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44 f N_1 \phi_0}$$

یہاں رکھ کر دوبارہ نظر ثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک کچھے پر  $E_{rms}$  موثر برقی دباؤ لا گو کی جائے تو یہ کچھا اتنی ہیجان انگیز برقی رو $_i$  گزرنے دیتی ہے جس سے نمودار ہونے والا مقناطیسی بہاو مساوات 3.7 میں دیئے گئے مقناطیسی بہاو  $_i$  کے برابر ہو۔ یہ بات نہ صرف ٹرانسفار مر بلکہ کسی بھی مقناطیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔  $_{\phi}$ 

نیر سائن نما بیجان انگیز برتی رو 
$$_{arphi}$$
 کو فوریئر تسلسل  $^{41}$  سے یوں لکھ سکتے ہیں۔  $i_{arphi}=\sum_{n}\left(a_{n}\cos n\omega t+b_{n}\sin \omega t\right)$  (3.8)

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup>س مساوات میں اور اس کے بعد پوری کتاب میں امالی برتی دباؤ کے ساتھ منفی کی علامت نہیں لگائی جائے گ Fourier series<sup>41</sup>

64 باب. 3. ٹرانسفار مر



شکل 3.5: مختلف مرحلی سمتیوں کے زاویے۔

اس میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کو بنیادی جزو  $^{42}$  کہتے ہیں اور باتی حصہ کو موسیقائی جزو  $^{43}$  کہتے ہیں۔ بنیادی جزو میں میں  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  کہ جو کہ مساوات  $(a_1\cos\omega t + b_1\sin\omega t)$  بہتو میں ہیاو سے وجود میں آنے والے امالی برقی دباؤ  $(a_1\cos\omega t + a_1\cos\omega t)$  کہ جے کے ہم قدم ہے۔ یعنی یہ دونوں وقت کے ساتھ کیساں بڑھتے اور گھٹے ہیں جبہہ اس میں  $(a_1\cos\omega t + a_1\cos\omega t)$  نوے درجہ زاویہ  $(a_1\cos\omega t + a_1\cos\omega t)$  کہ خوات سے برقی طاقت کی ضائع کو  $(a_1\cos\omega t + a_1\cos\omega t)$  کے اس جزو کو جزو قالمبی ضیاع  $(a_1\cos\omega t + a_1\cos\omega t)$  میں۔ بہتان انگیز برقی رو  $(a_1\cos\omega t + a_1\cos\omega t)$  مقاطیسی برقی رو  $(a_1\cos\omega t + a_1\cos\omega t)$  میں۔ اس کی تیسری موسیقائی جزو سب سے زیادہ اہم ہے۔ قول پر انسفار مروں میں یہ تیسری موسیقائی جزو عموماً کل بیجان انگیز برقی رو کے 40 فی صد ہوتی ہے۔

سوائے وہاں، جہاں بیجان انگیز برقی رو کے اثرات پر غور کیا جا رہا ہو، ہم بیجان انگیز برقی رو کے غیر سائن نما ہونے کو نظرانداز کرتے ہیں۔ قوی ٹرانسفار مرکی بیجان انگیز برقی رو اسکی کل برقی رو <sup>46</sup> کے صرف 5 فی صد کے قریب ہوتی ہے۔ لہذا اس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔ لہذا ہم بیجان انگیز برقی رو کو سائن نما تصور کر کے اس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ اس فرضی سائن نما بیجان انگیز برقی رو <sup>47</sup> و گی موثر قیمت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ  $\theta_c$  یوں کی موثر قیمت کے برابر رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ  $\theta_c$  یوں رکھا جاتا ہے کہ اس سے حاصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل 3.5 کی مدد سے یہ بات سمجھنی زیادہ آسان ہے۔ شکل میں اگر دیکھا جائے تو

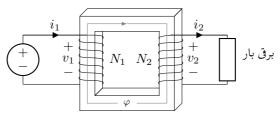
 $(3.9) p_c = E_{rms} I_{\varphi,rms} \cos \theta_c$ 

fundamental component<sup>42</sup> harmonic components<sup>43</sup>

core loss component<sup>44</sup>

magnetizing current<sup>45</sup>

<sup>46</sup>کل پرتی روسے مرادوہ برتی روہ جو کل برتی بو جھ لادنے سے حاصل ہو 47ینی بدلتی برتی روں نہ کواب مرحلی سمتیہ کی مددسے می آ کا کھتے ہیں



شكل 3.6: كامل بوجھ بردارٹرانسفار مر۔

جہاں  $p_c$  قالبی ضیاع ہے۔ للذا اگر  $\hat{L}_1$  اور  $\hat{E}_1$  کا مابین  $\theta_c$  کا زاویہ ہو تو اس سے قالبی ضیاع صیح حاصل ہوتا ہوتا  $\hat{I}_c$  اس زاویہ سے  $\hat{E}_1$  کے پیچے رہتا ہے۔  $\hat{E}_1$  سے زاویہ سے  $\hat{E}_1$  کے پیچے رہتا ہے۔

## 3.5 تبادله برقی د باؤاور تبادله برقی روکے خصوصیات

ہم شکل 3.6 کی مدد سے ٹرانسفار مر کا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ ابتدائی جانب کچھے کے  $N_1$  اور ثانوی جانب کچھے کے  $N_2$  چکر ہیں اور یہ کہ ان دونوں کچھوں کی مزاحمت صفر ہے۔ ہم مزید یہ کہتے ہیں کہ پوری مقناطیسی بہاو قالب ہی میں رہتا ہے اور دونوں کچھوں سے گزرتا ہے۔ قالب میں برقی توانائی ضائع نہیں ہوتی اور اس کی مقناطیسی مستقل اتنی زیادہ ہے کہ بیجان انگیز برقی رو قابل نظر انداز ہے۔ برقی رو  $i_1$  اور  $i_2$  کی سمتیں یوں رکھی گئی ہیں کہ ان سے وجود میں آنے والے مقناطیسی بہاو ایک دوسرے کی اُلٹ ستوں میں ہیں۔ اصل ٹرانسفار مر ان باتوں پر تقریباً یورے اترتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفار مر کو کامل ٹرانسفار مر 48 کہتے ہیں۔

جب اس کامل ٹرانسفار مرکے ابتدائی کچھے پر بدلتی برقی دباؤ  $v_1$  لاگو کیا جائے تو اس کے قالب میں بدلتا مقناطیسی بہاو  $\varphi_m$  وجود میں آئے گا جو ابتدائی کچھے میں لاگو برقی دباؤ  $v_1$  کے برابر امالی برقی دباؤ  $e_1$  کو جنم دے گا۔للذا

$$(3.10) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

یہ مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرے گا اور اس میں  $e_2$  امالی برقی دباؤ کو جنم دے گا جو ثانوی جانب کے سرول پر برقی دباؤ  $v_2$  کی صورت میں حاصل ہو گا۔ یعنی

$$(3.11) v_2 = e_2 = N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

 $ideal\ transformer^{48}$ 

اب.3. ٹرانسفار مر

ان دونول کی نسبت سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}}{N_2 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}} = \frac{N_1}{N_2}$$

للذاایک کامل ٹرانسفار مر دونوں کچھوں کے چکروں کی نسبت سے تبادلہ برقی دباؤ 49 کرتا ہے۔

چونکہ یہ ایک کامل ٹرانسفار مر ہے للذا اسے جتنی برقی طاقت ابتدائی جانب دی جائے اتنی ہی برقی طاقت اس سے ثانوی جانب حاصل ہو گی، یعنی

$$(3.13) p = v_1 i_1 = v_2 i_2$$

يا

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1}$$

مساوات 3.12 کی مدد سے

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

یہ ایک انتہائی اہم نتیجہ ہے جو ٹرانسفار مرکی تبادلہ برقی دباؤ اور تبادلہ بوقی دو<sup>50</sup>کی خصوصیات بیان کرتا ہے۔اسے عموماً دو حصوں میں یوں کھا جاتا ہے۔

(3.16) 
$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

اس مساوات کی پہلی جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباؤ ان کے چکروں کی راست متناسب ہو گا جبکہ مساوات کی دوسری جزو کہتی ہے کہ ٹرانسفار مرکے دونوں جانب برقی رو ان کے چکروں کے بالعکس متناسب ہو گا۔

voltage transformation<sup>49</sup> current transformation<sup>50</sup>

مثال 3.2: شكل 3.6 ميں اگر

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
 $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 
 $Z = R = 10 \Omega$ 

مول تو ٹرانسفار مرکی دونول جانب برقی دباؤ اور برقی رو معلوم کریں۔

حل: ابتدائی جانب برقی دباؤ دیا گیا ہے لیعنی 220 وولٹ جبکہ ٹانوی جانب برقی دباؤ مساوات 3.16 کی پہلی جزو کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے لیعنی

$$\hat{V}_2 = \frac{N_2}{N_1} \hat{V}_1 = \frac{22}{220} \times 220 / 0 = 22 / 0$$

ٹانوی جانب 22 وولٹ ہیں جو ابتدائی جانب برقی دباؤ کے ہم قدم ہے۔ ٹانوی جانب یہ برقی دباؤ 10 اوہم کی مزاحمت میں برقی رو پیدا کرے گا جے اوہم کے قانون سے حاصل کیا جاتا ہے یعنی

$$\hat{V}_2 = \frac{22/0}{10} = 2.2/0$$

ثانوی جانب 2.2 ایمپیئر برقی رو ہے۔ ابتدائی جانب کی برقی رو مساوات 3.16 کی دوسری جزو کی مدد سے حاصل کی جاتی ہے لینی

$$\hat{I}_1 = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2 = \frac{22}{220} \times 2.2 / 0 = 0.22 / 0$$

اس مثال کے نتائج ایک جگه لکھ کر ان پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220/0$$
,  $\hat{V}_2 = 22/0$ ,  $\hat{I}_1 = 0.22/0$ ,  $\hat{I}_2 = 2.2/0$ 

ہم دیکھتے ہیں ابتدائی جانب برقی دباؤ ٹانوی جانب کی برقی دباؤ کے دس گنا ہے جبکہ برقی رو میں قصہ اُلٹ ہے۔ٹانوی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو کے دس گنا ہے۔طاقت دونوں جانب برابر ہے۔یہ نہایت اہم ہے کہ آپ اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں کہ جس جانب برقی دباؤ زیادہ ہوتا ہے اس جانب برقی رو کم ہوتی ہے۔ للذا زیادہ برقی دباؤ برقی دباؤ کی جانب کچھے کے چکر زیادہ ہوں گے اور اس کچھے میں نسبتاً باریک برقی تار استعال ہو گی جبکہ کم برقی دباؤ کا اور اس میں نسبتاً موٹی برقی تار استعال ہو گی۔

88 باب. 3. ٹرانسفار مر

مثال 3.3: صفحہ 71 پر دکھائے گئے شکل 3.7-الف سے رجوع کریں۔ اس شکل میں رکاوٹ  $Z_2$  کو بدلتی برتی و باؤ  $\hat{V}_1$  کے ساتھ ایک ٹرانسفار مر کے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔ اگر

$$\hat{V}_1 = 110 / 0$$
,  $Z_2 = R + jX = 3 + j2$ ,  $N_1 : N_2 = 220 : 22$ 

ہول تو رکاوٹ میں برقی رو اور طاقت کا ضیاع معلوم کریں۔

مل: ٹرانسفار مرکی تبادلہ برتی دباؤکی خصوصیت سے اس کے ابتدائی جانب 110 وولٹ برتی دباؤ ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب تبدیل ہو کر  $\hat{V}_{s}$  ہو جائیں گے جہاں

$$\hat{V_s} = \frac{N_2}{N_1} \hat{V_1} = \frac{22}{220} \times 110 / 0 = 11 / 0$$

ہے للذا

$$\hat{I}_2 = \frac{\hat{V}_s}{Z} = \frac{11/0}{3+j2} = -3.05/-33.69^{\circ}$$

 $p_z$  اور برقی طاقت کا ضیاع

$$p_z = I_2^2 R = 3.05^2 \times 3 = 27.9 \,\mathrm{W}$$

# 3.6 ثانوى جانب بوجھ كاابتدائى جانب اثر

یہاں صنحہ 65 پر دکھائے گئے شکل 3.6 سے رجوع کریں۔ہم حصہ 3.3 میں دیکھ چکے ہیں کہ اگر ایک بے بوجھ ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھے پر بدلتی برقی دباؤ  $v_1$  لاگو کی جائے تو اس کچھے میں بیجان انگیز برقی رو  $i_{arphi}$  گزرے گی۔اس

 $arphi_m$  برقی رو کی مقناطیسی دباؤ  $N_1 i_{arphi}$  قالب میں مقناطیسی بہاو  $arphi_m$  کو جنم دے گی ۔اگر کیجھے کی مزاحمت صفر ہو تو  $N_1 i_{arphi}$  ابتدائی کیجھے میں  $e_1$  ابتدائی کیجھے میں  $e_1$  ابتدائی کیجھے میں اللہ برقی دباؤ پیدا کرے گی جہاں

$$(3.17) v_1 = e_1 = N_1 \frac{\mathrm{d}\varphi_m}{\mathrm{d}t}$$

ہو گی۔

اب ہم ثانوی جانب برقی ہوجھ لادتے ہیں۔ ایبا کرنے سے ہوجھ بردار ٹرانسفار مر $^{52}$  کے ثانوی جانب برقی رو  $i_2$  رواں ہو گی جس کی وجہ سے  $N_2i_2$  مقناطیسی دباؤ وجود میں آئے گی۔ اس مقناطیسی دباؤ کی وجہ سے قالب میں مقناطیسی بہاو کا کچھ نہ کیا جائے تو قالب میں پہلے سے موجود مقناطیسی بہاو تعدیل ہو کر ہوجہ  $\varphi_m - \varphi_m = \varphi_0$  ہو جائے گا اور یوں ابتدائی لچھے میں امالی دباؤ تبدیل ہو کر ہو جائے گا۔ للذا ابتدائی جانب پر اب امالی دباؤ اور اس پر لا گو برقی دباؤ برابر نہیں ہونگے جو کہ مساوات 3.17 کی موجود گی میں ناممکن ہے۔ للذا اس مقناطیسی بہاو ہوجہ کے اثر کو ختم کرنے کیلئے ابتدائی لچھے میں برقی رو  $i_1$  نمودار ہو گی جو اس مقناطیسی دباؤ یعنی درو  $i_2$  کو ختم کر دے گی یعنی

$$(3.18) N_1 i_1 = N_2 i_2$$

یہ وہ ذریعہ ہے جس سے ابتدائی جانب معلوم ہوتا ہے کہ ثانوی جانب پر بوچھ لدا ہے۔ شکل میں دونوں کچھوں میں برقی رو کی سمتیں بوں ہیں کہ ان کے مقناطیسی بہاو آپس میں اُلٹ سمت میں ہیں لہذا قالب میں اب پھر مقناطیسی بہاو ہو ہو کے برابر ہے جبیا کہ ہونا چاہئے تھا۔ اس مساوات کو بوں لکھ سکتے ہیں

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

یہ وہی مساوات ہے جو کامل ٹرانسفار مر کے لئے ثابت کی گئی تھی۔

## 3.7 ٹرانسفار مرکی علامت پر نقطوں کا مطلب

شکل 3.6 میں ٹرانسفار مرکے لیجھوں پر نکتے لگائے گئے ہیں۔ یہ نکتے اس بات کو ظاہر کرتے ہیں کہ اگر ایک طرف  $v_2$  کیے پر برقی دباؤ  $v_1$  بول ہو کہ نکتے والا سرا مثبت اور بغیر نکتے والا سرا منفی ہو تو دوسرے کیے پر برقی دباؤ  $v_1$  اس طرح ہو گاکہ اس کیچے کا بھی نکتے والا سرا مثبت اور بغیر نکتے والا سرا منفی ہو گا۔

ویباں  $\varphi_m$  کہا گیا ہے۔ loaded transformer  $^{52}$ 

70 باب.3. ٹرانسفار مر

مزید یہ کہ ابتدائی جانب برقی روٹرانسفار مر کے نکتے والے سرے سے ٹرانسفار مرکی اندر جانب ہو گا جبکہ ثانوی جانب برقی رو نقطہ والے سرے سے ٹرانسفار مرسے باہر نکلے گا۔

یوں  $v_1$  اور  $v_2$  وقت کے ساتھ کیسال تبدیل ہوتے ہیں اور ان کے مابین صفر زاویہ ہے۔ لہذا یہ دو برقی دباؤ ہم قدم  $^{53}$  بیں۔

#### 3.8 ركاوك كاتبادله

اس حصہ میں کامل ٹرانسفار مر میں رکاوٹ کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ شکل 3.7-الف میں ایک ٹرانسفار مر دکھایا گیا ہے جس کی ابتدائی جانب سائن نما برتی دباؤ  $\hat{V}_1 = V_1 / \theta$  لا گو کیا گیا ہے۔ یہاں مرحلی سمتیہ استعال کئے جائیں گے۔ گے۔

جیسے اُوپر ذِکر ہوا، برتی دباؤ  $\hat{V}_1$  اور  $\hat{V}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں اور اسی طرح برتی رو  $\hat{I}_1$  اور  $\hat{I}_2$  آپس میں ہم قدم ہیں۔ مساوات 3.12 اور مساوات 3.19 کو مرحلی سمتیہ کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں

$$\hat{V_1} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{V_2}$$

$$\hat{I_1} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)\hat{I_2}$$

چونکه رکاوٹ

$$(3.21) Z_2 = \frac{\hat{V}_2}{\hat{I}_2} = |Z_2| \underline{/\theta_z}$$

کے برابر ہے للذا

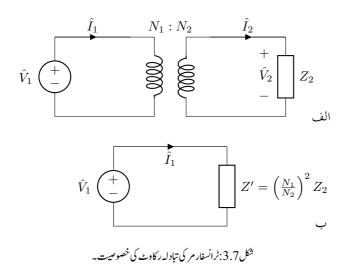
(3.22) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \frac{\hat{V_2}}{\hat{I_2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

اب اگر ہم ٹرانسفار مر بمع اس پر لدے رکاوٹ کی جگہ برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  کو رکاوٹ  $Z_1$  پر لا گو کریں جہاں اس رکاوٹ کی قیت

(3.23) 
$$Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

in-phase<sup>53</sup>

3.8. ر کاوٹ کاتب دلہ



ہو تو  $\hat{V}_1$  سے حاصل برقی رو یا اس سے حاصل برقی طاقت تبدیل نہیں ہو گی۔یہ شکل 3.7-ب میں دکھایا گیا ہے جہاں سے واضح ہے کہ

(3.24) 
$$\frac{\hat{V_1}}{\hat{I_1}} = Z_1 = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2$$

لہٰذا شکل کے الف اور ب دونوں حصوں سے برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  کی برقی رو مساوات 3.22 اور مساوات 3.24 سے کیساں مامسل ہوتی ہے یعنی

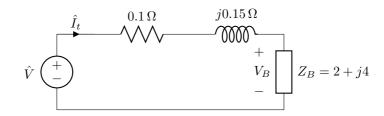
(3.25) 
$$\hat{I}_{1} = \frac{\hat{V}_{1}}{\left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} Z_{2}}$$

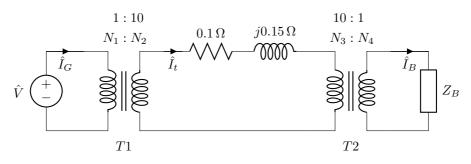
اور یوں الف اور با دونوں حصوں میں برقی دباؤ  $\hat{V}_1$  سے حاصل برقی طاقت برابر ہے یعنی

(3.26) 
$$p = \hat{V_1} \cdot \hat{I_1} = \frac{V_1^2 \cos \theta_z}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 |Z_2|}$$

یوں اگر ٹرانسفار مرکے ثانوی جانب رکاوٹ  $Z_2$  کا بوجھ ہو تو حساب کرتے وقت ہم یہ اخذ کر سکتے ہیں کہ ٹرانسفار مر کے عامل ہوتی ہے۔ رکاوٹ کا یوں جمع رکاوٹ کی جے، جہال  $Z_1$  مساوات 3.23 سے حاصل ہوتی ہے۔ رکاوٹ کا یوں

72 باب.3. ٹرانسفار مر





شكل 3.8: برقى طاقت كى منتقلي ـ

ٹرانسفار مرکی ایک جانب سے دوسری جانب تبادلہ کیا جاسکتا ہے۔ٹرانسفار مرکی اس خاصیت کو تبادلہ رکاوٹ 54 کی خصوصیت کہتے ہیں۔

مثال 3.4: شکل 3.8-الف میں رکاوٹ  $Z_B$  کا برقی بوجھ ایک جزیٹر پر لدا ہے۔بوجھ تک برقی طاقت دو برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کیا گیا ہے۔ان تاروں کی مجموعہ رکاوٹ  $Z_t$  ہے۔

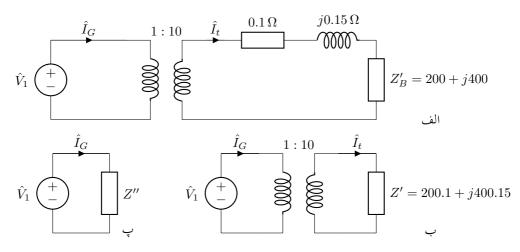
شکل-ب میں جزیٹر کے قریب نسب برقی دباؤ بڑھانے والا ٹرانسفار مر برقی دباؤ کو دس گنا بڑھاتا ہے اور برقی بوجھ کے قریب نسب برقی دباؤ گھٹانے والا ٹرانسفار مر برقی دباؤ کو دس گنا گھٹاتا ہے۔اس حصہ میں وہی برقی تار استعال کئے گئے ہیں للذا ان کی بھی مجموعہ رکاوٹ Z ہی ہے۔اگر

$$Z_B = 2 + j4$$
,  $Z_t = 0.1 + j0.15$ ,  $\hat{V} = 415/0$ 

ہوں تو دونوں صورتوں میں

impedance transformation<sup>54</sup>

3.8. ر کاوٹ کاتب دلہ



شكل3.9: ٹرانسفار مرقدم باقدم حل كرنے كاطريقه۔

- برقی بوجھ پر برقی دباؤ معلوم کریں،
- برقی تاروں میں برقی طاقت کی ضیاع معلوم کرین۔

حل الف:

$$\hat{I}_G = \hat{I}_t = \hat{I}_B = \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B} = \frac{415/0}{0.1 + j0.15 + 2 + j4}$$
$$= \frac{415/0}{2.1 + j4.15} = 89.23/-63.159^{\circ}$$
$$= 40.3 - j79.6$$

يوں رکاوٹ پر برقی د باؤ

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (40.3 - j79.6) (2 + j4)$$
  
= 399 + j2 = 399/0.287°

اور برقی تاروں میں برقی طاقت کا ضیاع ہے

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796 \,\mathrm{W}$$

74 باب.3. ٹرانسفار مر

مل ب: شکل 3.8 اور شکل 3.9 سے رجوع کریں۔شکل 3.8 میں ٹرانسفار مر $T_2$  کے ثانوی جانب رکاوٹ کا مساوات 3.23 کی مدد سے اس کی ابتدائی جانب تبادلہ سے ملتا ہے

$$Z_B' = Z_1 = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)^2 Z_B = \left(\frac{10}{1}\right)^2 (2+j4) = 200 + j400$$

یوں شکل 3.9-الف حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں اب برقی تار کی رکاوٹ اور تبادلہ شدہ رکاوٹ سلسلہ وار جُڑے ہیں۔ ان کے مجموعہ کو 'Z کہتے ہوئے

 $Z' = Z_t + Z'_B = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$ 

یہ شکل 3.9-ب میں و کھایا گیا ہے۔ایک مرتبہ دوبارہ مساوات 3.23 استعال کرتے ہوئے

$$Z'' = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z' = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

شكل 3.9-پ مين وكھايا گيا ہے۔اب

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z''} = \frac{415/0}{2.001 + j4.0015} = 92.76/-63.432^{\circ}$$

یبال سے شکل 3.9-ب کی مدد سے اگر جزیٹر کی برقی رو معلوم ہو تو تبادلہ برقی رو سے

$$\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)\hat{I}_G = \left(\frac{1}{10}\right)92.76/-63.432^\circ = 9.276/-63.432^\circ$$

اس سے برقی تار میں طاقت کا ضیاع

$$p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6 \,\mathrm{W}$$

اسی طرح شکل 3.8 میں اگر  $\hat{I}_t$  معلوم ہو تو تبادلہ برقی رو سے

$$\hat{I_B} = \left(\frac{N_3}{N_4}\right)\hat{I_t} = \left(\frac{10}{1}\right)9.276/-63.432^{\circ}$$
$$= 92.76/-63.432^{\circ} = 41.5 - j82.9$$

اور رکاوٹ پر برقی د باؤ

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B = (41.5 - j82.9)(2 + j4) = 414 + j0.2$$

ہو گی۔

ٹرانسفار مر کے بغیر برقی طاقت کی منتقلی میں برقی تاروں میں طاقت کی ضیاع 796 واٹ ہے جبکہ ٹرانسفار مر کے استعال سے میہ صرف 8.6 واٹ ہے یعنی 92 گنا کم۔ یہی ٹرانسفار مر کی نہایت مقبولیت کی وجہ ہے۔

## 3.9 ٹرانسفار مرکے وولٹ-ایمپیئر

ٹرانسفار مرکی دونوں جانب برقی دباؤان کچھوں کے چکر پر منحصر ہوتا ہے۔ٹرانسفار مرایک خاص برقی دباؤاور برقی رو کے لئے بنائے جاتے ہیں۔ٹرانسفار مرجس برقی دباؤ پر بھی کے لئے بنائے جائیں ہیہ اس سے کم برقی دباؤ پر بھی استعال کئے جاسکتے ہیں۔اسی طرح ٹرانسفار مرجتنی برقی رو استعال کئے جاتے ہیں۔اسی طرح ٹرانسفار مرجتنی برقی رو پر استعال کیا جا سکتا ہے۔حقیقت میں عموماً ٹرانسفار مرسے حاصل برقی رو اس حدسے کم بی رکھی جاتی ہے۔

ٹرانسفار مرکی ایک جانب کی برقی دباؤ اور برقی رو کا حاصل ضرب اس کی دوسری جانب کی برقی دباؤ اور برقی رو کے حاصل ضرب کے برابر ہوتا ہے یعنی

$$(3.27) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

برقی دباؤ اور برقی رو کے حاصلِ ضرب یعنی  $V_1I_1$  یا  $V_2I_2$  کو ٹرانسفار مرکی وولٹ ضربِ ایمپیئر کہتے ہیں جے عموماً چھوٹا کر کے صرف وولٹ ایمپیئر  $^{55}$  کہا جاتا ہے $^{56}$ یہ ٹرانسفار مرکی برقی استعداد کی ناپ ہے جو اس پر لگی شختی پر نکھا جاتا ہے۔اس شختی پر ٹرانسفار مرکے برقی دباؤ اور برقی تعداد ارتعاش بھی لکھے جاتے ہیں۔یوں ٹرانسفار مرکے وولٹ۔ایمپیئر

$$(3.28) V_1 I_1 = V_2 I_2$$

ہوں گے۔

volt-ampere, VA<sup>55</sup> 56ووك - ايمپيئر كوعموماً كلوووك - ايمپيئر ليني لاV Aميں بيان كياجاتا ہے 76 باب.3. ٹرانسفار م

ا گرچہ یہاں ذکر ٹرانسفار مر کا ہو رہا ہے دراصل برقی مشین یعنی موٹر اور جزیٹر کی تختیوں پر بھی ان کے چالو حالت کے برقی دباؤ، ان کے وولٹ-ایمپیئر اور برقی تعداد ارتعاش لکھے جاتے ہیں۔اس کی وجہ یہ ہے کہ ان سب مشین کی کارکردگی کے بنیادی اصول ایک ہی طرح کے ہیں۔

مثال 3.5: ایک 25000 وولٹ-ایمپیئر اور 220 : 11000 وولٹ برقی استعداد کے ٹرانسفار مر کے زیادہ برقی دباؤ کی جانب 11000 وولٹ لا گو ہیں۔

- اس کی ثانوی جانب زیادہ سے زیادہ کتنی برقی بوجھ ڈالی جا سکتی ہے۔
- اس زیادہ سے زیادہ برقی بوجھ پر اس کے ابتدائی کچھے میں برقی رو حاصل کریں۔

حل: اس ٹرانسفار مر کی معلومات یہ ہیں

 $25 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 11000 : 220 \,\mathrm{V}$ 

اس کی ثانوی جانب برقی دباؤ تبادلہ برقی دباؤ کی مساوات سے 220 وولٹ حاصل ہوتا ہے۔یوں اس کی ثانوی جانب یعنی تم برقی دباؤ کی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو مساوات 3.28 سے حاصل کیا جاتا ہے۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 \,\mathrm{A}$$

اس طرح اس کی ابتدائی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رواسی مساوات سے یوں حاصل ہوتی ہے

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.27 \,\mathrm{A}$$

ٹرانسفار مر کی دونوں جانب کچھوں میں استعال برقی تار کی موٹائی یوں رکھی جاتی ہے کہ ان میں کثافتِ برقی رو 57 کیساں ہو۔ کچھوں کی مزاحمت میں برقی رو گزرنے سے برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے ریہ گرم ہوتے

جاتی ہے  $4/\mathrm{mm}^2$  کی جاتی ہے  $3\,\mathrm{A/mm}^2$  کی جاتی ہے ہیں کا فت پرتی رو تقریباً

ہیں۔ٹرانسفار مرکی برقی روکی حد کچھوں کی گرمائش پر منحصر ہوتی ہے۔ان کی زیادہ سے زیادہ حرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا جاتا ہے۔

بڑے ٹرانسفار مر کے قالب اور کچھے ایک غیر موصل تیل سے بھری ٹینکی میں ڈبوئے رکھے جاتے ہیں۔ یہ تیل ایک تو برقی کچھوں کی حرارت کم کرنے میں مدد دیتا ہے اور دوسری جانب غیر موصل ہونے کی وجہ سے یہ زیادہ برقی دباؤ کے حصوں کو برقی طور پر جدار کھنے میں مدد دیتا ہے۔ یہ تیل تقریباً  $0^\circ$  8 پر خراب ہونا شروع ہو جاتا ہے اور ہر  $0^\circ$  8 اضافی درجہ حرارت پر اس کی زندگی آدھی ہوتی رہتی ہے۔ یعنی اگر  $0^\circ$  80 پر تیل کی کارآمد زندگی سال ہو گی۔ سال ہو تو  $0^\circ$  88 پر  $0^\circ$  سال اور  $0^\circ$  96 پر یہ سے مرف  $0^\circ$  سال ہو گی۔

ٹرانسفار مرجس برقی دباؤ کے لئے بنایا جائے یہ اس پر لگی تختی پر لکھا جاتا ہے۔اس سے حاصل برقی رو کی حد کو ایک مختلف طریقے سے لکھا جاتا ہے۔

### 3.10 ٹرانسفار مرکے امالہ اوراس کے مساوی دور

3.10.1 کیھے کی مزاحمت اوراس کی متعاملہ علیحدہ کرنا

ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھے کی مزاحمت  $R_1$  کو ہم نے حصہ 3.3 مساوات 3.2 میں دیکھا۔ کچھے کی مزاحمت کو کچھے سے باہر کچھے کے ساتھ سلسلہ وار جڑا دکھایا گیا تھا۔ دیکھتے ہیں یہ کیسے ممکن ہوتا ہے۔

شکل 3.10-الف میں ایک لچھے پر بدلتی برقی دباؤ لا گو کا گیا ہے۔اگر لچھے کی برقی تارکو نہایت چھوٹے گلڑوں میں تقتیم کیا جائے تو اس کے ہر گلڑے کی نہایت کم مزاحمت اور متعاملہ ہو گی۔اییا ایک گلڑا شکل-ب میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ لچھا ان سب گلڑوں کے سلسلہ وار جڑنے سے بنا ہے للذا شکل-الف کو ہم شکل-پ کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں کچھے کے n گلڑے کیے گیے ہیں۔

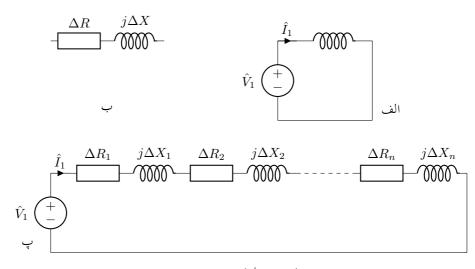
اس دور کی مساوات لکھ کر حل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + j \Delta X_1 + \Delta R_2 + j \Delta X_2 + \dots \Delta R_n + j \Delta X_n \right)$$

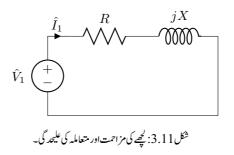
$$= \hat{I}_1 \left( \Delta R_1 + \Delta R_2 + \dots \Delta R_n \right) + \hat{I}_1 \left( j \Delta X_1 + j \Delta X_2 + \dots j \Delta X_n \right)$$

$$= \hat{I}_1 \left( R + j X \right)$$

78 باب.2. ٹرانسفار م



شكل3.10: لچھے كى مزاحت اور متعاملہ۔



جہاں

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \cdots \Delta R_n$$
$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \cdots \Delta X_n$$

اس سے شکل 3.11 حاصل ہوتا ہے جس سے ثابت ہوتا ہے کہ حساب کتاب کی غرض سے کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ علیحدہ کیے جا سکتے ہیں۔

3.10.2 بستااماله

اوپر ایک کامل ٹرانسفار مر زیر بحث رہا۔ اب ہم ٹرانسفار مر میں ان عناصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وجہ سے ٹرانسفار مر غیر کامل ہو جاتا ہے۔ بہت سی جگہوں پر ٹرانسفار مر استعال کرتے وقت ان عناصر کو مدِ نظر رکھ کر ہی اس کا صحیح استعال ممکن ہوتا ہے۔ ان عناصر کے اثر کو شامل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفار مرکا مساوی دور بناتے ہیں۔

ابتدائی کچھے کے مقناطیسی بہاو کو دو حصول میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو قالب سے گزر کر ابتدائی اور ثانوی کچھے کے مقناطیسی بہاو کو دو حصوف ابتدائی کچھے سے اور ثانوی کچھے دونوں سے گزرتا ہے۔ یہ ان کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو 58 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں گزرتا ہے اور زیادہ تر قالب کے باہر خلاء میں ہی رہتا ہے۔ اس کو رستا مقناطیسی بہاو 58 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ ہوا میں مقناطیسی مستقل  $\mu_0$  مقررہ ہے لہذا یہاں بچکچاہٹ بھی مقررہ ہے۔ یوں رستا مقناطیسی بہاو ابتدائی کچھے کی برتی رو کے براہ راست متناسب ہوتی ہے۔

 $X_1=2\pi f L_1$  اس کے اثر کو بالکل کچھے کی مزاحمت کی طرح کچھے سے باہر رستا امالہ 59  $L_1$  یا رستا متعاملہ کیا جاتا ہے۔ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے میں برقی رو  $\hat{I}_1$  گزرنے سے رستا متعاملہ میں  $\hat{V}_{X1}=j\hat{I}_1X_1$  برقی دباؤ اور کچھے کے تار کی مزاحمت  $R_1$  میں  $\hat{V}_{R1}=\hat{I}_1R_1$  برقی دباؤ گھٹتا ہے۔

یوں ابتدائی کیچے پر لاگو برتی دباؤ  $\hat{V}_1$  میں سے کچھ برتی دباؤ  $R_1$  میں کم ہو گا، کچھ متعاملہ  $X_1$  میں کم ہو گا اور بقایا  $\hat{E}_1$  بقایا  $\hat{E}_1$  بقایا  $\hat{E}_2$  بابر ہو گا۔ یہ شکل 3.12 میں دکھایا گیا ہے۔

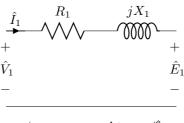
#### 3.10.3 ثانوى برقى رواور قالب كے اثرات

قالب میں دونوں کچھوں کا مشتر کہ مقناطیسی بہاو ان کے مجموعی مقناطیسی دباؤکی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ البتہ اگر ہم کچھ یوں سوچیں تو یہ زیادہ بہتر ہو گا۔ ہم کہتے ہیں کہ ابتدائی برقی روکو دو شرائط پوری کرنی ہو نگی۔ پہلی یہ کہ اسے قالب میں بیجانی مقناطیسی بہاو وجود میں لانا ہو گا اور دوسری بیہ کہ اسے ثانوی کچھے کے پیدا کردہ مقناطیسی بہاوکو

leakage magnetic flux<sup>58</sup> leakage inductance<sup>59</sup>

leakage reactance<sup>60</sup>

80 باب 3 برانسفار مر



شکل3.12: ٹرانسفار مر مساوی دور، حصه اول۔

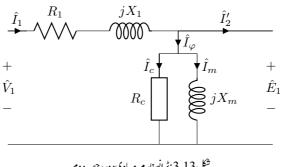
ختم کرنا ہو گا۔ للذا ابتدائی برقی رو کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصہ  $i_{arphi}$  جو ہیجانی مقناطیسی بہاو پیدا کرے اور دوسرا  $\hat{I}_2'$  جو ثانوی کیجھے کے مقناطیسی دباؤ کے اثر کو ختم کرے۔ للذا

$$\hat{I}_2' = \frac{N_2}{N_1} \hat{I}_2$$

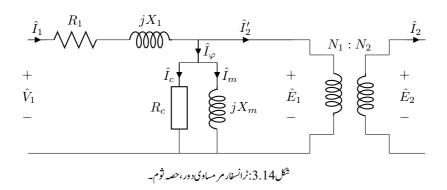
اس باب کے حصہ 3.6 میں اس پر تفصیل سے غور کیا گیا ہے۔ برقی رو  $i_{\varphi}$  غیر سائن نما ہوتی ہے لیکن پھر بھی ہم اس بائن نما $\hat{I}_{\varphi}$  ہی تصور کرتے ہیں۔ اس کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں یعنی

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

جہاں کا وہ حصہ ہے جو ابتدائی کچھے کی امالی برتی دباؤ  $\hat{E}_1$  کے ہم قدم ہے اور یہ قالب میں برتی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے جبکہ سا  $\hat{I}_m$  اس کا وہ حصہ ہے جو  $\hat{E}_1$  سے نوے درجہ زاویہ پیچھے  $^{62}$  ہے اور لیجھ میں مقناطیسی بہاو کو جنم دیتا ہے۔ برتی رو کے ان حصوں کو ہم ایک مزاحمت  $R_c$  اور ایک  $X_m$  سے پیش کرتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ برتی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ اس میں برقی طاقت کا ضیاع اصل قالبی ضیاع کے برابر ہو لین دکھایا گیا ہے۔  $\hat{R}_c$  اس طرح  $\hat{R}_c$  کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ جاتی ہے کہ گئی ہو۔ان دونوں، لینی مقدار اصل برتی دباؤ اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔ یہ شکل 3.13 میں دکھایا گیا ہے۔ لینی  $\hat{R}_c$  کی مقدار اصل برتی دباؤ اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔ یہ شکل 3.13 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 3.13:ٹرانسفار مر مساوی دور، حصه دوم۔



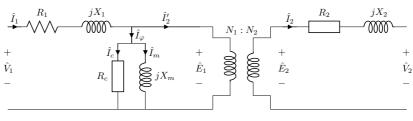
3.10.4 ثانوى لچھے كى امالى برقى دباؤ

قالب میں مشتر کہ مقناطیسی بہاو ثانوی کچھے میں امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_2$  پیدا کرے گی اور چونکہ یہی مقناطیسی بہاو ابتدائی لی میں اُلی المالی المالی ہے المذا

$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

مساوات 3.30 اور مساوات 3.31 کو ایک کامل ٹرانسفار مرسے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ یہ شکل 3.14 میں دکھایا گیا ہے۔

82 باب. 3. ٹرانسفار مر



شكل 3.15: ٹرانسفار مر كامكمل مساوى دوريارياضى نمونه۔

### 3.10.5 ثانوی کھیے کی مزاحت اور متعاملہ کے اثرات

 $R_2$  ثانوی کچھے کے سروں پر البتہ  $\hat{E}_2$  برتی دباؤ نہیں ہو گا چونکہ ثانوی کچھے کے ، بالکل ابتدائی کچھے کی طرح، مزاحمت وار متعاملہ  $j_{X_2}$  ہوں گے جن میں ثانوی برتی رو  $\hat{I}_2$  کی وجہ سے برتی دباؤ کھٹے گا۔ للذا ثانوی کچھے کے سروں پر برتی دباؤ  $\hat{V}_2$  قدر کم ہو گا۔ یعنی

$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2$$

یوں حاصل ٹرانسفار مر کا مکمل مساوی دور یا ریاضی غونہ 63 شکل 3.15 میں دکھایا گیا ہے۔

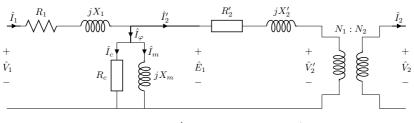
## 3.10.6 ركاوك كاابتدائي ياثانوى جانب تبادله

شکل 3.15 میں دکھائے دور کے سب جزو کا تبادلہ ایک جانب سے دوسری جانب کیا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے سے کامل ٹرانسفار مر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں جانب لے جایا جا سکتا ہے۔شکل 3.16 میں ثانوی جانب کی رکاوٹ کا ابتدائی جانب تبادلہ کیا گیا ہے۔اس طرح حاصل جانب تبادلہ کیا گیا ہے۔اس طرح حاصل مساوی دور میں عموماً کامل ٹرانسفار مر بنایا ہی نہیں جاتا۔ یہی شکل 3.17 میں کیا گیا ہے۔

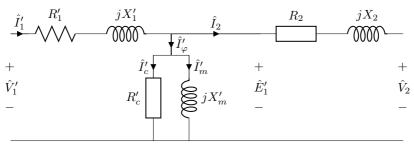
تبادلہ شدہ رکاوٹ Z کو Z' سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں  $R_2$  کے ٹرانسفار مرکی دوسری جانب تبادلہ کے بعد اسے  $R'_2$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔

الیا دور استعال کرتے وقت میہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ ٹرانسفار مر کے کس جانب دور حل کیا جا رہا ہے۔

 $<sup>\</sup>rm mathematical\ model^{63}$ 



شكل 16. 3: ثانوى جانب ركاوث كاابتدائي جانب تبادله كيا گياہے۔



شكل 3.17: ابتدائي جانب ر كاوٹ كاثانوي جانب تبادله كيا گياہے۔

مثال 3.6: ایک 50 کلو وولٹ-ایمپیئر اور 220: 220: وولٹ برقی استعداد کے ٹرانسفار مرکی زیادہ برقی دہاؤکی جانب کی رستار کاوٹ  $Z_1=0.0089+j0.011$  وہاؤکی جانب کی رستار کاوٹ  $Z_1=0.9+j1.2$  اوہ م اور کم برقی دہاؤکی جانب کی رستار کاوٹ  $Z_1=0.9+j1.2$  میں استعال ہونے اوہ م ہے۔اگر اس کی  $Z_1=0.0089+j0.011$  اور  $Z_1=0.0089+j0.011$  ہونے والے جزو معلوم کریں۔

حل حصه اول: معلومات:

 $50\,\mathrm{kV}\,\mathrm{A}, \quad 50\,\mathrm{Hz}, \quad 2200:220\,\mathrm{V}$ 

ٹرانسفار مر کے دونوں جانب کی برقی دباؤ کیھوں کے جیکروں کی نسبت سے ہوتے ہیں للذا

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$$

اب.3. ٹرانسفار مر

یوں اگر ٹرانسفار مر کی رکاوٹ کا زیادہ برقی دباؤ کی جانب تبادلہ کیا جائے تو

$$R'_{2} + jX'_{2} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (0.0089 + j0.011)$$

$$= 0.89 + j1.1$$

جبکہ اس کی بقایا رکاوٹ وہی رہیں گے۔ یوں شکل 3.16 کے جزو حاصل ہوئے۔

حل حصه دوم: اگر مساوی دور کی رکاوٹ کا کم برقی دباؤ کی جانب تبادله کیا جائے تب

$$R'_1 + jX'_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 (R_1 + jX_1)$$
$$= \left(\frac{1}{10}\right)^2 (0.9 + j1.2)$$
$$= 0.009 + j0.012$$

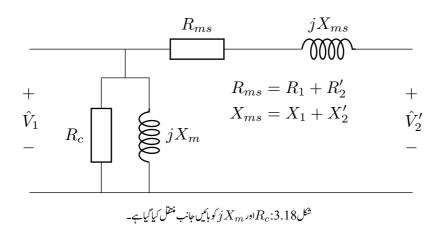
اسی طرح

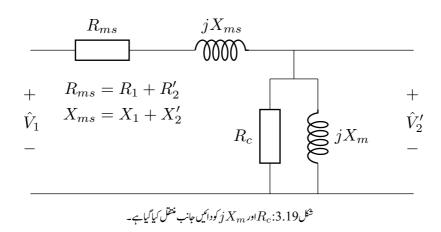
$$R'_{c} = \left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right) R_{c} = 0.064$$
  
 $X'_{m} = \left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right) X_{m} = 0.47$ 

جبکہ  $Z_2$  وہی رہے گا۔

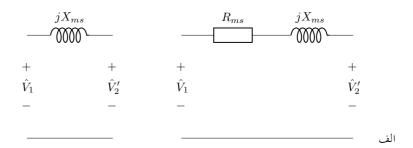
3.10.7 ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی دور

ایک انجنیئر کو جب ایک ٹرانسفار مر استعال کرنا ہو تو وہ حساب کرتے وقت شکل 3.16 میں دیئے گئے دور کو استعال کر سکتا ہے۔ کر سکتا ہے۔ البتہ جہاں جمیں نہایت صحیح جواب مطلوب نہ ہوں





86 باب.3. ٹرانسفار مر



شکل3.20:ٹرانسفار مر کے سادہ مساوی ادوار۔

وہاں اس دور کی سادہ اشکال بھی استعمال کی جا سکتیں ہیں۔ اس باب میں ہم ایسے ہی سادہ مساوی دوروں کا ذکر کریں گے۔

شکل 3.16 میں  $R_c$  اور  $X_m$  کو ہائیں یا دائیں طرف لے جانے سے شکل 3.18 اور شکل 3.19 عاصل ہوتے ہیں۔ چونکہ میں  $R_c$  مقدار نہایت کم  $R_c$  ہوتی ہے اس لئے ایسا کرنے سے حاصل جواب پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ چونکہ اس شکل میں  $R_c$  اور  $R_c$  اور  $R_c$  سلسلہ وار ہیں اس لئے ان کو جمع کیا جا سکتا ہے شکل میں ان کو مساوی مناطحہ متعاطمہ متعاطمہ کہا گیا ہے۔ اس قسم کے ادوار شکل 3.17 سے بھی حاصل ہوتے ہیں۔ مزاحمت  $R_c$ 

ہم ایک قدم اور آگے جا سکتے ہیں اور  $\hat{I}_{\varphi}$  کو مکمل طور پر نظر انداز کر سکتے ہیں لیعنی اس کو ہم صفر تصور کر لیتے ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ مساوی دور میں  $R_c$  اور  $R_c$  دونوں کو کھلے دور کیا جاتا ہے لیعنی انہیں مساوی دور میں ور میں قالب کے اثرات کو مکمل طور پر نظرانداز کیا گیا ہے۔ دیا جاتا ہے۔ شکل 2.20-الف میں ایسا کیا گیا ہے۔ اس دور میں قالب کے اثرات کو مکمل طور پر نظرانداز کیا گیا ہے۔

بیشتر وقت ہمیں اس سے بھی کم صحیح جواب مطلوب ہوتا ہے۔ چونکہ  $X_m\gg R_c$  لہذا ہم وہ کو بھی نظر انداز کر سکتے ہیں۔ یوں شکل 3.20-ب حاصل ہوتا ہے۔

## 3.11 كطيح دور معائنه اور كسرِ دور معائنه

#### 3.11.1 كطي دور معائنه

کھلے دور معائنہ 65 جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سروں کو آزاد رکھ کر کیا جاتا ہے۔ یہ معائنہ اتنی برتی دباؤ اور تعدد یا ان کے قریب ترین مقداروں پر کیا جاتا ہے جینے پر ٹرانسفار مرکی بناوٹ 66 ہو۔ اگرچہ یہ معائنہ ٹرانسفار مرکے کسی بھی جانب کے کچھے پر کیا جا سکتا ہے، حقیقت میں اسے کم برقی دباؤ والی جانب کے کچھے پر کرنا آسان ہوتا ہے۔ یہ بات ایک مثال سے زیادہ آسانی سے سمجھ آتی ہے۔

مثلاً ہم 4 4 5 اور V 220 V : 11000 کا 50 Hz پر چلنے والے ایک دور کے ٹرانسفار مرکا معائنہ کرنا چاہتے ہیں۔ اگر یہ معائنہ اس کے گیارہ ہزار کے لیجھے پر کیا جائے تو گیارہ ہزار برتی دباؤ کے لگ بھگ برتی دباؤ استعال کیا جائے گا اور اگر دو سو بیس برتی دباؤ والے لیجھے پر کیا جائے تو دو سو بیس برتی دباؤ کے لگ بھگ برتی دباؤ والے تھے پر کیا جائے گا۔ دونوں صورتوں میں تعدد 50 Hz کی گھگ رکھا جائے گا۔ 11 kV کی برتی دباؤ پر کام کرنا نہایت خطرناک ثابت ہو سکتا ہے۔ یہی وجہ ہے کہ اس معائنہ کو کم برتی دباؤ والے لیجھے پر ہی کیا جاتا ہے۔

جس برتی دباؤ پر ٹرانسفار مر عام حالات میں استعال ہوتا ہے اس معائنہ میں کم برتی دباؤ والی جانب کے لیھے پر اسنے ہی یا اس کی قریب مقدار کی برتی دباؤ ہا لاگو کر کے کھلے دور برقی طاقت  $p_t$  اور کھلے دور برتی دور برتی طاقت  $p_t$  ان بہتر جواب حاصل جاتے ہیں۔ معائنہ حقیقت میں استعال کے دوران برتی دباؤ کے جتنے قریب برتی دباؤ پر کیا جائے اتنا بہتر جواب حاصل ہوتا ہے۔ ٹرانسفار مرکی دوسری جانب کچھے کے سرے چونکہ آزاد رکھے جاتے ہیں اس لئے اس میں برتی رو صفر ہو گا۔ لہذا ناپا گیا برتی رو صرف ہجان انگیز برتی رو  $\hat{l}_0$  ہوگا۔ ٹرانسفار مر جتنی برتی رو کے لئے بنایا گیا ہو یہ برتی رو اس کے تقریباً دوسے چو فی صد ہوتا ہے۔ شکل 3.16 کو مد نظر رکھتے ہوئ اگر ہم بائیں جانب کو کم برتی دباؤ والی جانب تصور کریں تو شکل میں  $V_1$  کی جگہ لاگو کرنا ہو گا۔ یوں ہم جو برتی رو نامیں گے وہ مقداری  $V_1$  ہوگا۔ چونکہ  $V_2$  صفر کے برابر سے لہذا  $V_1$  کی جگہ لاگو کرنا ہوگا۔ یوں ہم جو برتی رو نامیں گے وہ مقداری  $V_2$  کی اس طرح

$$I_t = I_1 = I_{\varphi}$$

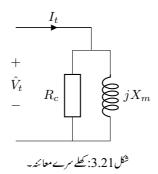
ا تن کم برقی رو سے کچھے کی رکاوٹ میں نہایت کم برقی دباؤ گھٹتا ہے،لہذا اسے نظر انداز کیا جاتا ہے یعنی  $V_{R1}=I_tR_1=I_\varphi R_1pprox 0$   $V_{X1}=I_1X_1=I_{\varphi}X_1pprox 0$ 

یوں  $R_c$  اور  $X_m$  پر تقریباً  $V_t$  برتی دباؤ پایا جائے گا۔ یہ شکل 3.16 سے ظاہر ہے۔ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 3.21 حاصل ہوتا ہے۔

open circuit test<sup>65</sup> design<sup>66</sup>

scalar<sup>67</sup>

88 باب.3. ٹرانسفار مر



پونکہ برتی طاقت کا ضیاع صرف مزاحمت میں ہی ممکن ہے للذا  $p_t$  صرف  $R_c$  میں ہی ضائع ہو گی۔ یوں  $p_t = \frac{V_t^2}{R}$ 

لکھا جائے گا۔ پوں

$$(3.33) R_c = \frac{V_t^2}{p_t}$$

حاصل ہوتا ہے۔

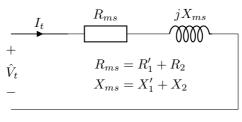
ای طرح چونکہ برتی دباؤ اور برتی رو کی مقداروں کے تناسب کو برتی رکاوٹ کی مقدار کہتے ہیں للذا $|Z_t|=rac{V_t}{I_t}$ 

مگر شکل 3.21 سے واضح ہے کہ

$$\frac{1}{Z_t} = \frac{1}{R_c} + \frac{1}{jX_m}$$

للذا

$$Z_t = \frac{jR_c X_m}{R_c + jX_m}$$
$$|Z_t| = \frac{R_c X_m}{\sqrt{R_c^2 + X_m^2}}$$



شكل3.22: كسر دور معائنه به

جس سے حاصل ہوتا ہے

(3.34) 
$$X_{m} = \frac{R_{c}|Z_{t}|}{\sqrt{R_{c}^{2} - |Z_{t}|^{2}}}$$

مساوات 3.33 سے  $R_c$  اور مساوات 3.34 سے  $X_m$  کا حساب لگایا جاتا ہے۔

یاد رہے کہ حاصل کردہ  $R_c$  اور  $X_m$  اور  $X_m$  ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ا گران کی قیمتیں دوسری جانب درکار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی جاسکتی ہیں۔

#### 3.11.2 كسر دور معائنه

یہ معائدہ بھی پچھلے معائدہ کی طرح ٹرانسفار مر کے کسی بھی طرف کیا جا سکتا ہے مگر حقیقت میں اسے زیادہ برقی دباؤ کے لیجھے پر ہی کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے۔ یہ معائدہ جینے برقی رو کے لئے ٹرانسفار مر بنایا گیا ہو اتنی برقی رو یا اس کے قریب مقدار پر کیا جاتا ہے۔ یعنی اس معائدہ میں کوشش ہوتی ہے کہ ٹرانسفار مر کے لیچھے میں اتنی برقی رو گزرے جتنی کے لئے یہ بنایا گیا ہو۔ للذا اگر ہم پچھلے معائدہ میں استعال ہونے والے ٹرانسفار مرکی بات آگے بڑھائیں تو اس کا زیادہ برقی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 اور کم برقی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A 13.63 پر کرنا ہو گا اور اگر زیادہ برقی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 پر کرنا ہو گا اور اگر زیادہ برقی دباؤ کچھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 کرنا ہو گا جو کہ زیادہ آسان ہے۔

اس معائنہ میں کم برقی دباؤ کچھے کے دونوں سروں کو آپس میں جوڑا جاتا ہے بعنی انہیں کسرِ دور کر لیا جاتا ہے اور زیادہ برقی دباؤ کچھے پر اس جانب کی ڈیزائن کردہ برقی دباؤ کے دو سے بارہ فی صد کا برقی دباؤ  $V_t$  لاگو کر کے کسرِ

90 باب.3. رُّ انسفار مر

دور برقی رو  $I_t$  اور کسرِ دور برقی طاقت  $p_t$  ناپے جاتے ہیں۔ جس کچھے کے سرے آپس میں کسرِ دور ہوتے ہیں اس میں سے برقی رو گزرتی ہے اور اس کا عکس دوسری جانب بھی موجود ہوتا ہے۔ یہ برقی رو گزائن الردہ برقی رو گزرتی ہوتا ہے۔ اس معائنہ کا دور شکل 3.22 میں دکھایا گیا ہے۔ کھلے سرے معائنے کی طرح اگر کسر دور معائنے میں بھی شکل 3.16 کے بائیں جانب کو کم برقی د باؤ والی جانب تصور کریں تو  $V_t$  کی جگہ لاگو کرنا ہو گا۔

چونکہ یہ معائنہ بہت کم برتی دباؤ پر کیا جاتا ہے للذا اس معائنہ میں بیجان انگیز برتی رو کو مکمل طور پر نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ شکل سے ہم دیکھتے ہیں کہ چونکہ برتی طاقت صرف مزاحمت میں ہی ضائع ہو سکتی ہے للذا

$$p_t = I_t^2 \left( R_{ms} \right)$$

ہو گا جس سے

$$(3.35) R_{ms} = \frac{p_t}{I_t^2}$$

حاصل ہوتا ہے۔

کسرِ دور برقی رو اور برقی دباؤے ہمیں ملتی ہے

$$|Z_t| = \frac{V_t}{I_t}$$

مگر شکل سے واضح ہے کہ

$$Z_t = R_{ms} + jX_{ms}$$
$$|Z_t| = \sqrt{R_{ms}^2 + X_{ms}^2}$$

للذا

$$(3.36) X_{ms} = \sqrt{|Z_t|^2 - R_{ms}^2}$$

مساوات 3.35 کل مزاحمت دیتا ہے البتہ اس سے  $R_1$  یا  $R_2$  حاصل نہیں کیا جا سکتا۔ اس طرح مساوات 3.36 سے  $X_1$  اور  $X_2$  علیحدہ نہیں کئے جا سکتے۔ کسر دور معائنہ سے اتنی ہی معلومات حاصل کرنا ممکن ہے۔ حقیقت میں اتنی معلومات کافی ہوتی ہے۔ اگر ان اجزاء ک علیحدہ علیحدہ قیمتیں درکار ہوں تو ایسی صورت میں تصور کیا جاتا ہے کہ

$$R_1' = R_2$$
$$X_1' = X_2$$

ہیں۔

چونکہ یہ معائنہ عموماً جہاں ٹرانسفار مر موجود ہو وہیں کرنا پڑتا ہے للذا یہ ممکن نہیں ہوتا کہ ٹرانسفار مر کو بالکل اتنا برقی دباؤ دیا جائے جتنا درکار ہو بلکہ جو برقی دباؤ موجود ہو اسی سے کام چلانا پڑتا ہے۔ لیکن اس بات کا خیال بہت ضروری ہے کہ جو برقی دباؤ ٹرانسفار مر کو دیا جا رہا ہو وہ ڈیزائن کردہ برقی دباؤ کے دو سے بارہ فی صد ہو۔ مثلاً اگر اس کا 220 V دو سے بارہ فی صد ہو۔ مثلاً اگر اس کا 220 کی جو برقی دباؤ کچھے پر V 220 اور V 200 اور 20 V عام پائے جاتے ہیں المذا ہم V 200 کو درمیان کوئی بھی برقی دباؤ دیا جا سکتا ہے۔ چونکہ ہمارے ہاں 200 کو اور 440 کا عام پائے جاتے ہیں المذا ہم کا 440 کی ستعال کریں گے۔

یہاں یہ ایک مرتبہ دوبارہ یاد دھیانی کراتا جاول کہ ٹرانسفار مرکی ایک جانب کچھے کے سرے آپس میں جوڑ کر، یعنی انہیں کسرِ دور کر کے، دوسری جانب کچھے پر کسی بھی صورت میں اس جانب کی پوری برقی دباؤ لا گو نہیں کرنا۔ ایسا کرنا شدید خطرناک اور جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

یاد رہے کہ حاصل کردہ  $R_c$  اور  $X_m$  ٹرانسفار مر کے اسی جانب کے لئے درست ہیں جس جانب انہیں حاصل کیا گیا ہو۔ا گران کی قیمتیں دوسری جانب درکار ہوں تب تبادلہ رکاوٹ کا استعال کرتے ہوئے اس جانب کی قیمتیں حاصل کی جاسمتی ہیں۔

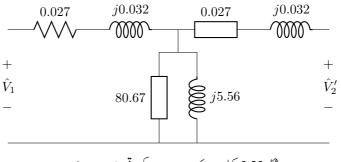
مثال 3.7: ایک 25 کلو وولٹ-ایمپیئر، 220 : 11000 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والے ٹرانسفار مر کے کھلے دور اور کسر دور معائنہ کئے جاتے ہیں جن کے نتائج میہ ہیں۔

- کھے دور معائنہ کرتے وقت کم برقی دباؤکی جانب V  $220\,\mathrm{V}$  لاگو کئے جاتے ہیں۔اس جانب برقی رو  $39.64\,\mathrm{A}$  اور طاقت کا ضیاع  $300\,\mathrm{W}$  ناہے جاتے ہیں۔
- كسرٍ دور معائنه كرتے وقت زيادہ برقی دباؤكی جانب V 440 لا گو كئے جاتے ہيں۔اسی جانب برقی رو A 2.27 A اور طاقت كا ضياع W 560 ناپے جاتے ہيں۔

کھلے دور حل:

$$\begin{split} |Z_t| &= \frac{220}{39.64} = 5.55 \, \Omega \\ R_c &= \frac{220^2}{600} = 80.67 \, \Omega \\ X_m &= \frac{80.67 \times 5.55}{\sqrt{80.67^2 - 5.55^2}} = 5.56 \, \Omega \end{split}$$

92 باب.3. ٹرانسفار مر



شكل 23.23 كطيد وراور كسرِ دور معائنه سے كم برقی د باؤجانب مساوى دور۔

کسر دور حل:

$$Z_t = \frac{440}{2.27} = 193.83 \,\Omega$$
 
$$R_{ms} = \frac{560}{2 \times 2.27^2} = 108.68 \,\Omega$$
 
$$X_{ms} = \sqrt{193.83^2 - 108.68^2} = 160 \,\Omega$$

ان نتائج کو کم برقی دباؤ جانب منتقل کرتے ہوئے

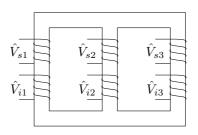
$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 108.68 = 43.47 \,\mathrm{m}\Omega$$
$$\left(\frac{220}{11000}\right)^2 \times 160 = 64 \,\mathrm{m}\Omega$$

لعيني

$$R_1 = R_2' = \frac{43.47 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 21.7 \,\mathrm{m}\Omega$$
  
 $X_1 = X_2' = \frac{64 \,\mathrm{m}\Omega}{2} = 32 \,\mathrm{m}\Omega$ 

حاصل ہوتا ہے۔ان نتائج سے حاصل کم برقی دباؤ جانب مساوی دور شکل 3.23 میں دکھایا گیا ہے۔

3.12. تين مرحب له ٹرانسفار مر



شكل3.24: ايك ہى قالب پر تين ٹرانسفار مر۔

### 3.12 تين مرحله ٹرانسفار مر

اب تک ہم ایک موحلہ 68 ٹرانسفار مر پر غور کرتے رہے ہیں۔ حقیقت میں برقی طاقت کی منتقلی میں عموماً تین موحلہ و ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر ایسٹے رکھ کر بنایا جا سکتا ٹرانسفار مر استعال ہوتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر خراب ہو جائے تو اس کو شحیک ہونے کے لئے ہٹا کر بقایا دو ٹرانسفار مر دوبارہ چالو کئے جا سکتے ہیں۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر بنانے کا اس سے بہتر طریقہ شکل 3.24 میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقناطیسی قالب پر تینوں ٹرانسفار مر کے لیچھے لیٹے گئے ہیں۔ اس شکل میں  $\hat{V}_{i1}$  پہلے ٹرانسفار مر کا ابتدائی لیچھا جبکہ  $\hat{V}_{i1}$  اس کا ثانوی لیچھا ہے۔ اس طرح کے تین مرحلہ ٹرانسفار مرستے، ملکے اور چھوٹے ہونے کی وجہ سے عام ہو گئے ہیں اور آپ کو روز مرہ زندگی میں یہی نظر آئیں گے۔ ان میں برتی ضیاع بھی قدر کم ہوتی ہے۔

شکل 3.25-الف میں تین ٹرانسفار مر دکھائے گئے ہیں۔ان تین ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے آپس میں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔ای کو مستارہ نما جوڑ $Y^{70}$  اور دوسرے کو تکونی جوڑ $\Delta^{71}$  کہتے ہیں۔ای طرح ان تینوں ٹرانسفار مروں کے ثانوی کچھے انہیں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔یوں انہیں جوڑنے کے چار ممکنہ طریقے ہیں لینی

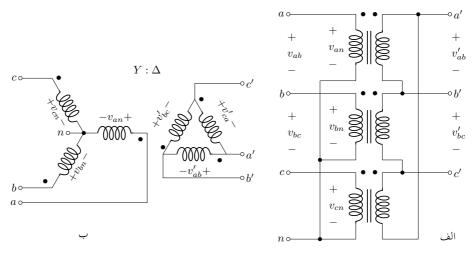
- $Y:\Delta$  ستاره: تکونی  $\bullet$
- Y:Y ستاره: ستاره  $\bullet$
- $\Delta:\Delta$   $\Xi$

single phase<sup>68</sup> three phase<sup>69</sup>

star connected<sup>70</sup>

 $delta\ connected^{71}$ 

94 باب. 3. ٹرانسفار مر



شكل3.25: تين مر حله ستاره- تكوني ٹرانسفار مر

#### $\Delta: Y$ تکونی: ستاره $\Delta: Y$

شکل 3.25-الف میں ان تین ٹرانسفار مرول کے ابتدائی کچھوں کو ستارہ نما جوڑا گیا ہے جبکہ ان کی ثانوی کچھوں کو تکونی جوڑا گیا ہے۔شکل-ب میں تینوں ٹرانسفار مرکی ابتدائی کچھوں کو ستارہ نما دکھایا گیا ہے۔اس طرح ثانوی کچھوں کو تکونی دکھایا گیا ہے۔انہی شکلوں کی وجہ سے ان کو ستارہ نما جوڑ اور تکونی جوڑ کہتے ہیں۔

الیی شکل بناتے وقت تینوں ٹرانسفار مرول کے ابتدائی کچھے کو جس زاویہ پر بنایا جاتا ہے اس کے ثانوی کچھے کو بھی اُس زاویہ پر بنایا جاتا ہے۔ یوں شکل کے حصہ الف میں سب سے اوپر ٹرانسفار مر جس کے ابتدائی جانب کے سرے اُس زاویہ پر بنایا گیا ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مروں کو اس مرحکہ طرح کی علامتوں سے ظاہر کیا جاتا ہے اور ان میں قالب نہیں دکھایا جاتا۔

ٹرانسفار مر کے جوڑ بیان کرتے وقت بائیں جانب کے جوڑ کو پہلے اور دائیں جانب کی جوڑ کو بعد میں پکارتے ہیں۔ یول شکل میں ٹرانسفار مر کو ستارہ- تکونی جُڑا ٹرانسفار مر کہیں گے۔اسی طرح ابتدائی جانب کو بائیں اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بنایا جاتا ہے۔یوں اس شکل میں ابتدائی جانب ستارہ نما ہے جبکہ ثانوی جانب تکونی ہے۔

سارہ نما جڑی جانب سے چار برقی تارین نکلتی ہیں۔اس جانب کچھوں کے مشتر کہ سرا n کو عموماً ٹرانسفار مر کے

3.12. تين مرحبايه ٹرانسفار مر

نزویک زمین میں گہرائی تک وصنسا دیا جاتا ہے۔اس تار کو زمینی تار  $^{72}$  یا صرف زمین  $^{73}$  کہتے ہیں۔عام فہم میں اسے کھنڈی تار  $^{74}$  کہتے ہیں۔باقی تین یعنی a,b,c گھنڈی تار  $^{74}$  کہلاتے ہیں۔

سارہ نما Y جانب یک موحلہ مقدارول اور تاد کی مقدارول کا آپس میں یول رشتہ ہے

(3.37) 
$$V_{Jr} = \sqrt{3}V_{Jr_{J}}$$

$$I_{Jr} = I_{Jr_{J}}$$

جبکہ تکونی کے جانب یک مرحلہ اور تار کی مقداروں کا آپس میں یوں رشتہ ہے

$$V_{jl} = V_{jl}$$
 (3.38)  $I_{jl} = \sqrt{3}I_{jl}$ 

یہ مرحلی سمتیہ کے رشتے نہیں بلکہ ان کی مقداری قیمتوں کے رشتے ہیں۔ان دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے

$$V_{J\tau}I_{J\tau} = \sqrt{3}V_{\chi_0}I_{J\tau} = \sqrt{3}V_{\chi_0}I_{\chi_0}I_{\chi_0}$$

چونکہ ایک مرحلہ ٹرانسفار مرکی وولٹ-ایمپیئر کیر مل $I_{\lambda, del}$  ہیں اور ایسے تین ٹرانسفار مر مل کر ایک تین مرحلہ ٹرانسفار مر بناتے ہیں لہذا تین مرحلہ ٹرانسفار مرکی وولٹ-ایمپیئر اس کے تین گنا ہوں گے یعنی

(3.40) 
$$3V_{\rm J} = 3V_{\rm J} = 3V_{\rm J} = 3 \times \frac{V_{\rm J} I_{\rm J} \pi}{\sqrt{3}} = \sqrt{3} V_{\rm J} I_{\rm J} I_{\rm J} \pi$$

 $ground^{72}$ 

ground, earth, neutral<sup>73</sup>

 $neutral^{74}$ 

live wires<sup>75</sup>

phase voltage<sup>76</sup>

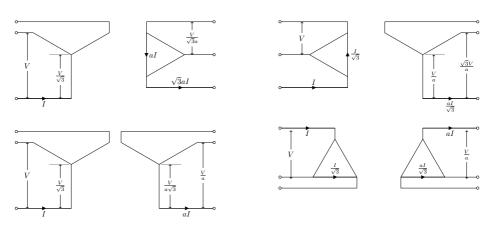
phase current<sup>77</sup>

line to line voltage<sup>78</sup>

line current<sup>79</sup>

ground current $^{80}$ 





شکل 3.26: ابتدائی اور ثانوی جانب تاراوریک مرحله مقداروں کے رشتے۔

یہ مساوات تین موحلہ ادوار میں عام استعال ہوتی ہے۔

ٹرانسفار مرکسی طرح بھی جوڑے جائیں وہ اپنی بنیادی کارکردگی تبدیل نہیں کرتے للذا انہیں سارہ نما یا تکونی جوڑنے کے بعد بھی ان میں ہر ایک ٹرانسفار مر انفرادی طور پر صفحہ 66 پر دئے مساوات 3.16 اور صفحہ 70 پر دئے مساوات 3.23 پر بورے اترے گا۔ انہیں استعال کر کے شکل 3.26 میں دیئے گئے ٹرانسفار مرول کے ابتدائی اور ثانوی جانب کی یک مرحلہ اور تارکی مقداروں کے رشتے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ اس شکل میں  $N_1 = N_1/N_2$  جہاں جا ان میں ایک مرحلہ ٹرانسفار مر کے چکر کی نسبت ہے۔ تین مرحلہ ٹرانسفار مر پر گئی شختی پر دونوں جانب تارکی برقی دباؤکی نسبت کھی جاتی ہے۔

جیسے شکل 3.26 میں و کھایا گیا ہے سارہ- تکونی ٹرانسفار مرکی تاریر برقی دباؤکی نسبت

(3.41) 
$$\frac{V_{\acute{\mathcal{S}}}}{V_{\mathcal{S}}} = \sqrt{3}a = \sqrt{3}\left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

جبکه ستاره-ستاره کا

$$\frac{V_{\acute{\mathcal{S}}_{|\mathcal{F}|}}}{V_{\acute{\mathcal{S}}^{|\mathcal{F}|}}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

تکونی-ستاره کا

$$\frac{V_{\mathcal{J}_{\mathcal{L}^{|\mathcal{L}|}}}}{V_{\mathcal{L}^{|\mathcal{L}|}}} = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

3.12. تين مرحبايه ٹرانسفار مر

اور تکونی- تکونی کا

$$\frac{V_{\hat{\mathcal{J}},\mathcal{Z}_!}}{V_{\mathcal{J},\mathcal{Y}_!}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

-4

مثال 3.8: یک مرحله تین یکسال ٹرانسفار مروں کو ستارہ- تکونی  $Y: \Delta$  جوڑ کر تین مرحله ٹرانسفار مر بنایا گیا ہے۔ ایک مرحله ٹرانسفار مرکل برقی استعداد 81 ورج ذیل ہے:

 $50 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 6350 : 440 \,\mathrm{V}, \quad 50 \,\mathrm{Hz}$ 

شارہ- تکونی ٹرانسفار مرکی اہتدائی جانب 11000 وولٹ کی تین مرحلہ تار کی برقی دباؤ لا گو کیا گیا۔اس تین مرحلہ ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب تار کا برقی دباؤ معلوم کریں۔

حل: حل کرتے وقت ہم ایک عدد یک مرحلہ ٹرانسفار مر پر نظر رکھیں گے۔ ابتدائی جانب اگر یک مرحلہ ٹرانسفار مر پر غور کیا جائے تو

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

اور اس پر لا گو برقی د باؤ مساوات 3.37 کی مدد سے

$$V_{
m V}$$
ابتدائی، یمرطای =  $rac{V_{
m JC}}{\sqrt{3}} = rac{11000}{\sqrt{3}} = 6350.85\,
m V$ 

ہے لہذا اس یک مرحلہ ٹرانسفار مرکی ثانوی جانب مساوات 3.16 کی مدد سے

$$V_{\mathcal{G}_{\mathcal{F}}} = \frac{N_2}{N_1} V_{\dot{\mathcal{G}}_{\mathcal{F}}} = \frac{440}{6350} \times 6350.85 \approx 440 \,\mathrm{V}$$

ہیں۔چونکہ ثانوی جانب ان تین یک مرحلہ ٹرانسفار مرول کو تکونی جوڑا گیا ہے لہذا مساوات 3.38 کی مدد سے اس جانب تار کی برقی دباؤیہی ہو گی۔اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی تار پر برقی دباؤ کی نسبت

$$\frac{V_{\vec{\nu},\vec{\nu},\vec{\nu},\vec{\nu}}}{V_{\vec{\nu},\vec{\nu},\vec{\nu},\vec{\nu}}} = \frac{11000}{440}$$

 ${\rm rating}^{81}$ 

98 باب.3.ٹرانسفار م

ہے۔چونکہ یک مرحلہ ٹرانسفار مر 50 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہے للذا بیہ تین مرحلہ ٹرانسفار مر 150 کلو وولٹ-ایمپیئر کا ہو گا۔یول اس تین مرحلہ ٹرانسفار مر کی استعداد<sup>82</sup>

 $150 \,\mathrm{kV} \,\mathrm{A}, \quad 11000 : 440 \,\mathrm{V}, \quad 50 \,\mathrm{Hz}$ 

ہو گی۔

ٹرانسفار مر پر لگی شختی <sup>83</sup> پر اس کی استعداد بیان ہوتی ہے جس میں ٹرانسفار مر کے دونوں جانب تار کے برقی دباؤ کھھے جاتے ہیں نہ کہ کچھوں کے چکر۔

ستارہ-ستارہ جڑے ٹرانسفار مر عام طور استعال نہیں ہوتے۔اس کی وجہ یہ ہے کہ اگرچہ ان کی تین مرحلہ برقی دباؤ کے بنیادی جزو آپس میں °120 زاویائی فاصلے پر ہوتے ہیں لیکن ان کی تیسری موسیقائی جزو آپس میں ہم قدم ہوتی ہیں۔ قالب کی غیر بتدریج خصوصیات کی وجہ سے ٹرانسفار مر میں ہر صورت تیسری موسیقائی جزو ہم قدم ہونے کی وجہ سے جمع ہوکر ایک نہایت بڑی برقی دباؤکی موج پیدا کرتے ہیں جو کہی کبھی برقی دباؤکی بنیادی جزو سے بھی زیادہ بڑھ جاتی ہے۔

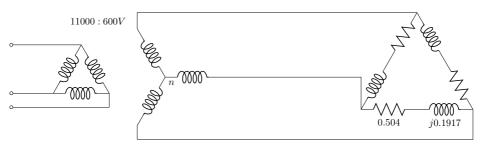
بقایا تین قشم کے جڑے ٹرانسفار مرول میں برقی دباؤکی تیسری موسیقائی جزو مسئلہ نہیں کر تیں چونکہ ان میں تکونی جُڑے لچھوں میں برقی رو گھومنے شروع ہو جاتی ہے جو ان کے اثر کو ختم کر دیتی ہے۔

تین مرحلہ ٹرانسفار مر کے متوازن دور حل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفار مرستارہ نما جڑا ہے۔ یوں اس کے ایک مرحلے پر لا گو برقی دباؤ، یک مرحلہ برقی دباؤ ہو گا۔اس طرح ہم تصور کرتے ہیں کہ اس پر لدا برقی بوجھ بھی ستارہ نما بڑا ہے۔ یوں تین مرحلہ کی جگہ ہم یک مرحلہ دور کا نسبتاً آسان مسئلہ حل کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ یہ ایک مثال سے زیادہ بہتر سمجھ آئے گا۔

مثال 3.9: ایک تین مرحلہ  $Y:\Delta 0000$  کلو وولٹ-ایمبیئر، 600: 11000 وولٹ اور 50 ہر ٹرز پر چلنے والا کامل ٹرانسفار مرتین مرحلہ کے متوازن برتی بوجھ کا وطاقت مہیا کر رہا ہے۔ یہ بوجھ تکونی جڑا ہے جہاں بوجھ کا ہر حصہ (0.504+j0.1917) کے برابر ہے۔ شکل 3.27 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm rating^{82}} \\ {\rm name~plate^{83}} \end{array}$ 

3.12. تين مرحب له ٹرانسفار مر



شکل 3.27:ٹرانسفار مر تکونی متوازن بوجھ کوطاقت فراہم کررہاہے۔

- 1. اس شکل میں ہر جگہ برقی رو معلوم کریں۔
  - 2. برقی بوجه 84 کو در کار طاقت معلوم کریں

حل:

یہلے تکونی بوجھ کو ستارہ نما بوجھ میں تبدیل کرتے ہیں

$$Z_Y = \frac{Z_\Delta}{3} = \frac{0.504 + j0.1917}{3} = 0.168 + j0.0639$$

اس بوجھ کو ستارہ نما جڑا شکل 3.28 میں دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک برقی تار جسے نقطہ دار کئیر سے ظاہر کیا گیا ہے کو ٹرانسفار مرکی زیمنی نقطہ سے بوجھ کے مشتر کہ سرے کے در میان جڑا دکھایا گیا ہے۔متوازن دور میں اس تار میں برقی رو صفر ہوگی۔حل کرنے کی نیت سے ہم اس متوازن دور سے ایک مرحلہ لے کر حل کرتے ہیں۔

یوں مساوی برقی بوجھ میں برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639} = 1927.262 / -20.825^{\circ}$$

ہو گی اور اس ایک مرحلہ میں طاقت

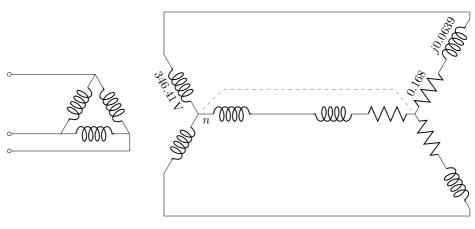
$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825^\circ) = 624\,007\,\mathrm{W}$$

ہو گی۔ یوں برقی بوجھ کو پوری در کار برقی طاقت اس کے تین گنا ہو گی یعنی 1872 kW اس بوجھ کا جزو طاقت <sup>85</sup>

$$\cos(-20.825^{\circ}) = 0.93467$$

electrical load<sup>84</sup> power factor<sup>85</sup>

100 پائے 3. ٹرانسفار م



شكل 3.28: تكونى بوجھ كومساوى ستاره بوجھ ميں تبديل كيا گياہے۔

ہے۔

تکونی بوجھ میں برقی رو  $\sqrt{3} = 1112.7$  یمپیئر ہو گی۔ ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب برقی تاروں میں برقی رو

$$\left(\frac{600}{11000}\right)\times1927.262=105.12$$

ایمپیئر ہو گی۔

اس مثال میں جزو طاقت 0.93467 ہے۔اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں اگر صنعتی کارخانوں کی برقی بوجھ کی جزو طاقت 0.9 سے کم ہو جائے تو برقی طاقت فراہم کرنے والا ادارہ (واپڈا) جرمانہ نافذ کرتا ہے۔

#### 3.13 ٹرانسفار مرچالو کرتے لمحہ زیادہ محرکی برقی روکا گزر

ہم د کھے چکے ہیں کہ اگر ٹرانسفار مر کے قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو سائن نما ہو یعنی  $B=B_0\sin\omega t$  تو اس کے لئے ہم کھھ سکتے ہیں

$$v = e = N \frac{\partial \varphi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t}$$
$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$
$$= V_0 \cos \omega t$$

لعيني

$$(3.45) B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c}$$

یہ مساوات برقرار چالو<sup>86</sup> ٹرانسفار مر کے لئے درست ہے۔

تصور کریں کہ ایک ٹرانسفار مر کو چالو کیا جا رہا ہے۔ چالو ہونے سے پہلے قالب میں مقناطیسی بہاو صفر ہے اور جس لمحہ اسے چالو کیا جائے اس لمحہ بھی یہ صفر ہی رہتا ہے۔

جس لمحه ٹرانسفار مر کو جالو کیا جائے اس لمحہ لا گو برقی دباؤ

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta)$$

ہے۔اگر  $\pi/2$  یہ لمحہ ہو تو آدھے دوری عرصہ $\pi/2$  کے بعد قالب میں کثافتِ مقناطیسی بہاو  $\theta=\pi/2$ 

$$B = \frac{1}{NA_c} \int_0^{\pi/\omega} V_0 \cos(\omega t + \pi/2) dt$$
$$= \frac{V_0}{\omega NA_c} \sin(\omega t + \pi/2)_0^{\pi/\omega}$$
$$= -\left(\frac{2V_0}{\omega NA_c}\right)$$

steady state $^{86}$  time period $^{87}$ 

102 باب. 3. ٹرانسفار مر

یعنی کثافتِ مقناطیسی بہاو کا طول معمول سے دگنا ہو گا۔اگر یہی حساب  $\theta=0$  لحمہ کے لئے کیا جائے تو زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو بالکل مساوات 3.45 کے عین مطابق ہو گا۔ ان دو زاویوں کے مابین زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی بہاو ان دو حدوں کے در میان رہتا ہے۔

قالب کی B-H خط غیر بندر تج بڑھتا ہے۔ لہذا B دگنا کرنے کی خاطر H کو کئی گنا بڑھانا ہو گا جو کچھے میں محرک برتی رو بڑھانے سے ہوتا ہے  $^{88}$  یہاں صفحہ 50 پر دکھائے شکل 2.14 سے رجوع کریں۔ قومی ٹرانسفار مروں میں بیجانی کثافتِ مقناطیسی بہاو کی چوٹی  $^{88}$   $^{1.3}$  ہوتی ہے۔ ٹرانسفار مرچانو کرتے لمحہ یوں کثافتِ مقناطیسی بہاو کے سے 2.6 سلا تک ہو سکتی ہے جس کے لئے درکار بیجان انگیز برتی رو نہایت زیادہ ہوگی۔

2000<sup>88</sup> کلووولٹ-ایمپیئر ٹرانسفار مرسے چالو کرتے وقت تھر تھراہٹ کی آواز آتی ہے

### إب4

# برقی اور میکانی توانائی کا باہمی تبادلہ

برتی رو یا مقناطیسی بہاو کی مدد سے برقی توانائی کو میکانی توانائی یا میکانی توانائی کو برقی توانائی میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ مختلف مشین میں یہ عمل ہوتا ہے۔ ناپنے کے مشین نہایت کم طاقت کا تبادلہ کرتے ہیں۔ ان میں لاؤڈ سپیکر، ما مکروفون وغیرہ شامل ہیں۔ ان کے برعکس ایک اور قسم کے مشین قوت پیدا کرتے ہیں۔ ان میں برقی مقناطیس، ریلے 1 وغیرہ شامل ہیں۔ ایک تیسری قسم، جن میں برقی موٹر اور جزیٹر شامل ہیں، لگانار توانائی کو ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں مقناطیسی بہاو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ برتی رو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ کو انہیں طرح کے طریقوں سے حل کیا جاتا ہے اگرچہ ان کا تذکرہ اس کتاب میں نہیں کیا جائے گا۔

اس باب میں جو تراکیب ہم سیکھیں گے وہ بہت اہمیت رکھتے ہیں اور انجنیئر نگ میں بہت سے مسائل حل کرنے میں مدد گار ثابت ہوتے ہیں۔

relay<sup>1</sup>

### 4.1 مقناطیسی نظام میں قوت اور قوت مروڑ

ا گر ایک برتی میدان میں برتی بار $\,q\,$ ر کھا جائے تو اس پر قوت

$$\mathbf{F} = q\mathbf{E}$$

پائی جاتی ہے۔اگر برتی بار مثبت ہو تو یہ قوت برتی شدت E کی سمت میں ہوتی ہے اور اگر برتی بار منفی ہو تو یہ قوت E کی الٹ سمت میں ہوتی ہے۔ اس طرح اگر ایک برتی بار مقناطیسی میدان میں حرکت کر رہا ہو اور اس کی سمتی رفتارv ہو تو اس پر قوت

$$\mathbf{F} = q\left(\mathbf{v} \times \mathbf{B}\right)$$

پائی جاتی ہے۔ اس مرتبہ مثبت برقی بار پر قوت کی سمت دائیں ہاتھ کیے قانون  $^3$  ہے معلوم کی جاتی ہے۔ اگر دائیں ہاتھ کے چار انگلیاں v کی سمت میں رکھ کر انہیں B کی سمت میں موڑا جائے تو انگوٹھا F کی سمت میں ہوگا۔ منفی برتی بار پر قوت اس کے مخالف سمت میں ہوگا۔ یہاں سمتی رفتار q اور B کے مابین ہے۔ اگر ایک برتی بار بیک وقت متناطیسی اور برقی میدان میں حرکت کر رہا ہو تب اس پر قوت ہمیں گزشتہ دو قوانین ملاکر یعنی مساوات لورین  $^4$  ہے۔ متناطیسی اور برقی میدان میں حرکت کر رہا ہو تب اس پر قوت ہمیں گزشتہ دو قوانین ملاکر یعنی مساوات لورین  $^4$  ہے۔

(4.3) 
$$F = q (E + v \times B)$$
مساوات 4.2 میں اگر  $dL / dt$  فی جائے تو اسے یوں کھا جا سکتا ہے۔
$$F = q \left( \frac{dL}{dt} \times B \right)$$

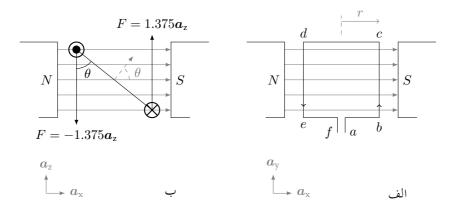
$$= \frac{q}{dt} (dL \times B)$$

$$= i (dL \times B)$$

مثال 4.1: شکل 4.1 میں ایک لچھا مقناطیسی میدان میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے کی رداس 15 سم، محوری لمبائی 50 سم مثال 4.1 شکل 4.1 میں ایک لچھا مقناطیسی بہاو کو نقطہ دار نوک والی لکیروں سے شالی قطب سے جنوبی تقطب کی جانب دکھایا گیا ہے۔ اگر کثافت مقناطیسی بہاو 0.55 ٹسیلہ ہو تو

velocity<sup>2</sup> right hand rule<sup>3</sup>

Lorenz equation<sup>4</sup>



شكل 4.1: ايك چكركے لچھے پر قوت اور قوت مروڑ

- کچھے کے اطراف پر قوت معلوم کریں اور
  - کچھے پر قوت مروڑ <sub>۲</sub> معلوم کریں

حل: شکل-الف اور ب میں کار تبینی اکائی سمتیہ دیئے گئے ہیں۔اگر برقی تار کے سروں کو نظر انداز کیا جائے اور اسے ایک بند دائرہ سمجھا جائے تو شکل-الف میں برقی رو کی سمت میں تار کے اطراف کی لمبائیاں

$$egin{aligned} oldsymbol{L}_{bc} &= loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{cd} &= -2roldsymbol{a}_{
m x} \ oldsymbol{L}_{de} &= -loldsymbol{a}_{
m y} \ oldsymbol{L}_{eh} &= 2roldsymbol{a}_{
m x} \end{aligned}$$

یں جبکہ  $oldsymbol{B} = B_0 oldsymbol{a}_{
m X}$  ہیں جبکہ ہو $oldsymbol{B} = B_0 oldsymbol{a}_{
m X}$ 

$$\begin{aligned}
F_{bc} &= i \left( \mathbf{L}_{bc} \times B_0 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= 5 \left( 0.5 \mathbf{a}_{\mathbf{Y}} \times 0.55 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= -1.375 \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \\
F_{cd} &= 5 \left( -0.3 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \times 0.55 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= 0 \\
F_{de} &= 5 \left( -0.5 \mathbf{a}_{\mathbf{Y}} \times 0.55 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \right) \\
&= 1.375 \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \\
F_{ea} &= 0
\end{aligned}$$

نیوٹن ہو گی۔ہم دیکھتے ہیں کہ قوت محوری لمبائی کی جانب اطراف پر ہی لا گو ہے۔یہ دو قوت حصہ بامیں دکھائے گئے ہیں جہاں سے بید واضح ہے کہ یہ قوت مروڑ پیدا کریں گی۔ اس قوت مروڑ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے بھی باآسانی معلوم کی جا سکتی ہے۔ قوت مروڑ

 $\tau = -1.375 \times 2 \times 0.15 \times \sin \theta \mathbf{a}_{y}$  $= -0.4125 \sin \theta \mathbf{a}_{y}$ 

نیوٹن-میٹر ہے۔

ان مساوات کا استعال صرف سادہ ترین جگہوں ممکن ہوتا ہے۔ استعال میں آنے والی مشین میں ان مساوات سے قوت کا تعین کرنا نہایت مشکل ثابت ہوتا ہے۔ اب ہم وہ طریقہ سیکھتے ہیں جس کی مدد سے ہم مختلف مشین میں قوت کا تعین کر سکیں گے۔ اس طریقہ کو توانائی کا طریقہ کہتے ہیں اور یہ توانائی کے اٹل ہونے پر مبنی ہے۔

گھومتی برقی مثنین میں عموماً دو لچھے ہوتے ہیں۔ ان میں ایک لچھا مثنین کے ساکن حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور اسی لئے ساکن رہتا ہے۔ لہٰذا اس کو مساکن چھا<sup>5</sup> کہتے ہیں۔ دوسرا لچھا مثنین کے گھومنے والے حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور مثنین گھومنے سے یہ بھی گھومتا ہے۔ لہٰذا اس کو گھومتا چھا<sup>6</sup> کہتے ہیں۔ ایسے مثنین کو اس طرح سجھنا نہایت آسان ہے کہ ہم ان دو لچھوں کو دو مقناطیس سمجھیں۔ جس طرح دو مقناطیس اگر قریب لائے جائیں تو یہ کوشش کرتے ہیں کہ ایک کا ثبال N دوسرے کے جنوب کی کست ہو۔

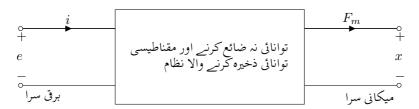
موٹر میں دونوں کچھے مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ ساکن کچھے کا مقناطیسی بہاد، گھومتے کچھے کے مقناطیسی بہاد سے کچھ آگے رہتا ہے اور اسے کھینچتا رہتا ہے۔ ایبا کرنے سے یہ کام کرتا ہے۔ جزیٹر میں اس کے برعکس گھومتا کچھا، ساکن کچھے پر کام کرتے ہوئے اس میں برقی دباؤ پیدا کرتا ہے۔

توانائی کے طریقے کو شکل 4.2 کی مدد سے سمجھا جا سکتا ہے۔ یہاں مقناطیسی نظام کو ایک ڈبہ کی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کو برقی توانائی مہیا کی جاتی ہے جس سے یہ میکائی توانائی پیدا کرتا ہے۔ یہاں برقی توانائی کے دو متغیرہ x اور میدائی قوت x ہیں۔ اس شکل میں بائیں جانب یعنی ابتدائی یا x

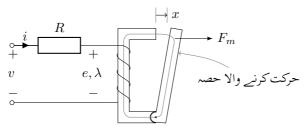
stator coil

rotor coil6

میدانی قوت  $F_m$  میں جھوٹی کھھا ئی میں mلفظ میدانی کو ظاہر کر رہاہے۔ $^7$ 



شکل 4.2: برتی توانائی سے میکانی توانائی کے تبادلہ کا نظام۔



شكل 4.3: قوت پيدا كرنے والا آلا۔

اولین جانب i کا رُخ باہر سے اندر کی طرف ہے اور دائیں جانب یعنی ثانوی جانب  $F_m$  کا رُخ اندر سے باہر کی جانب ہے۔ ہے۔ یہ ٹرانسفار مر دور کے شکل 3.6 کی مانند ہے۔

اگر نظام میں توانائی کی ضیاع کو توانائی کے ذخیرہ ہونے سے علیحدہ کرنا ممکن ہو تو ایسی صورت میں توانائی کے ضیاع کو بیرونی رکن سے پیش کیا جاتا ہے۔ شکل 4.3 میں ایک ایسا ہی نظام و کھایا گیا ہے جس میں لچھا برتی نظام کو پیش کرتا ہے۔ یہاں کچھے میں توانائی کے ضیاع کو، بیرونی مزاحمت کا ہر کیا گیا ہے۔

8 سے ظاہر کیا گیا ہے۔

توانائی کا بنیادی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی جاسکتی ہے اور نا ہی اسے تباہ کیا جا سکتا ہے۔ اس کو صرف ایک قسم سے دوسرے قسم کی توانائی میں تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ للذا اسے جو برقی توانائی  $\frac{\partial W}{\partial U}$  دی جائے اس میں سے کچھ میکانی توانائی  $\frac{\partial W}{\partial U}$  میں تبدیل ہو گی، کچھ مقناطیسی میدان میں ذخیرہ ہو گی یعنی مینا کی اور بقایا مختلف طریقوں سے ضائع مینائی میک ہو گی جو ہمارے کسی کام نہ آ سکے گی۔ یعنی

$$\partial W_{\ddot{i}} = \partial W_{\dot{i}\dot{b}} + \partial W_{\dot{a}\dot{b}\dot{b}} + \partial W_{\dot{a}\dot{b}\dot{b}} + \partial W_{\dot{a}\dot{b}\dot{b}}$$

اگر برقی توانائی کے ضاع کو نظرانداز کیا جائے تو

$$\partial W_{\vec{i},j} = \partial W_{\vec{i},j} + \partial W_{\vec{i},j} + \partial W_{\vec{i},j}$$

اس مساوات کو  $\partial t$  سے تقسیم کرنے سے حاصل ہوتا ہے

(4.7) 
$$\frac{\partial W_{\ddot{\dot{y}}}}{\partial t} = \frac{\partial W_{\dot{\dot{y}}}}{\partial t} + \frac{\partial W}{\partial t}$$

یہ مساوات توانائی کی بجائے طاقت کی بات کرتا ہے۔ اگر ہم بائیں ہاتھ کی جانب لیعنی برقی طاقت کو ei کھیں اور دائیں ہاتھ کی جانب میکانی حصہ میں  $\partial W_{i,k} = F_m \partial x$  کھیں تو

(4.8) 
$$ei = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

عاصل ہوتا ہے جہاں  $W_m$  کو  $W_m$  کھا گیا ہے۔ مساوات 2.27 کے استعال سے اسے یوں کھا جا سکتا ہے۔

(4.9) 
$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = F_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$

١

$$\partial W_m = i\partial\lambda - F_m\partial x$$

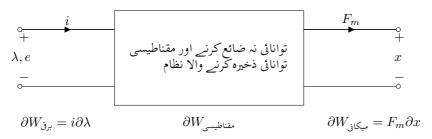
مساوات 4.10 توانائی کے طریقہ کی بنیاد ہے۔ یہ مساوات استعمال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیادی طور پر لورینز کے قانون 8 سے ہی پیدا ہوتی ہے۔مساوات 4.10 میں برقی متغیرہ i اور e کی بجائے i اور  $\lambda$  ہیں۔ للذا شکل 4.2 کو شکل 4.4 کی طرح بھی بنایا جا سکتا ہے۔

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} \, \mathrm{d}x + \frac{\partial z}{\partial y} \, \mathrm{d}y$$
 (4.11)

اسی طرح ہم  $W_m(x,\lambda)$  کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

(4.12) 
$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} d\lambda$$

Lorenz equation<sup>8</sup> function<sup>9</sup>



شکل4.4: توانائی کی شکل تبدیل کرنے والاا یک نظام۔

اس مساوات اور مساوات 4.10 سے ہم اخذ کر سکتے ہیں کہ

(4.13) 
$$F_m(x,\lambda) = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial t}\Big|_{\lambda_0}$$

(4.14) 
$$i(x,\lambda) = \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \Big|_{x_0}$$

اگر ہم مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی  $W_m(x,\lambda)$  معلوم کر سکیں تو مساوات 4.13 کو استعال کر کے ہم قوت کا حساب لگا سکتے ہیں۔ ہم اگلے حصہ میں یہی کرتے ہیں۔

### 4.2 تبادله توانائی والاایک کچھے کا نظام

شکل 4.3 میں ایک لچھے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ لچھے میں برقی ضیاع کو بیرونی مزاحت سے پیش کیا گیا ہے۔ میکانی نظام میں حرکت کرنے والے حصہ کے کمیت کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ اگر اس کمیت کے اثر کا بھی حساب لگانا ہو تو اس کمیت کو ایک بیرونی کمیت نصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح تبادلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔

قوت پیدا کرنے والے مشین میں حرکت نا گزیر ہے۔ عموماً حرکت تب ممکن ہوتی ہے جب مقاطیسی قالب میں خلاء ہو جو کم اور زیادہ ہو سکے۔ عموماً  $\Re_a \gg \Re_c$  ہوتا ہے۔ لہذا جب بھی خلائی درز رکنے والی مقناطیسی دور حل کرنی ہو، ہم  $\Re_c$  کو نظر انداز کر سکتے ہیں۔ ایسا کرنے ہے، جیسا مساوات 2.19 میں دیا گیا ہے، ہم مقناطیسی دباؤ  $\tau$  اور مقناطیسی بہاو  $\phi$  کو براہ راست متناسب لکھ سکتے ہیں۔ اسی طرح مساوات 2.28 کو اب ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔  $\lambda = L(x)i$ 

اس مساوات میں امالہ کو L(x) لکھ کر اس بات کی نشاندہی کی گئی ہے کہ یہ صرف اور صرف شکل 4.3 میں خلاء کی لمبائی x پر منحصر ہے۔

 $\partial W_{i,j} = F_m \, \mathrm{d} x$  کی سمت میں طے ہونے والا فاصلہ x ہے۔ یوں میکانی کام  $F_m = i \, \mathrm{d} \lambda$  کی برابر ہو گا جبکہ  $\partial W_{i,j} = i \, \mathrm{d} \lambda$  ہیں میدان میں خزیرہ توانائی  $W_m$  معلوم کرنی ہو تو ہمیں مساوات 4.10 کا تکمل  $\partial W_m$  لینا ہو گا۔ یعنی

(4.16) 
$$\int \partial W_m = \int i(x,\lambda) \, \mathrm{d}\lambda - \int F_m(x,\lambda) \, \mathrm{d}x$$

اس تکمل کا حصول شکل 4.5 سے واضح ہو گا۔ابتدائی نقطے پر مقناطیسی نظام کو کوئی برتی توانائی نہیں دی گئی۔ اس لئے اس میں برقی رو صفر ہونے کی وجہ سے مقناطیسی بہاو اور ارتباط بہاو بھی صفر ہے۔اس وجہ سے مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی بھی صفر ہے۔یوں قوت اور حرکت بھی صفر ہے۔یوں نقطہ پر

$$i = \phi = \lambda = W_m = F_m = x = 0$$

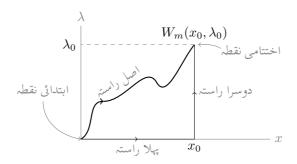
ہے۔ابتدائی نقطہ شکل 4.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ہم اب کچھے کو برتی توانائی فراہم کرتے ہیں۔ کچھے میں برتی رو رواں ہوتی ہے۔ ہم آخر کار اختتای نقطہ پہ پہنچ جاتے ہیں۔اختتای نقطہ بھی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پہ  $\lambda = \lambda$  اور  $\lambda = \lambda$  ایک ابتدائی نقطہ سے اختتامی نقطہ تک پہنچنے کے لئے برتی توانائی کو یوں بڑھاتے ہیں کہ  $\lambda$  اور  $\lambda = \lambda$  میں موٹی کئیر سے دکھائے اصل راستے پر رہیں۔الہذا ہمیں آخری نقطہ پہ مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی ( $\lambda = \lambda = \lambda$  اصل راستے پر رہیں۔الہذا ہمیں آخری نقطہ پہ مقناطیسی میدان میں مقاطیسی مقاطیسی میدان کی میاد کی ہے ہم معاوم کرنے کے لئے مساوات 4.16 کا اصل راستے پہ تکمل کرنا ہو گا۔ ایسا کرنا خاصا مشکل کام ہے۔ بجائے یہ ہم ایک بہتر راستہ اختیار کرتے ہیں۔

ہم اس حقیقت سے فاکہ ہ اٹھاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان ایک قدامت پسند میدان  $x_0$  ہم اس حقیقت سے فاکہ ہ اٹھاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی مون ہور ہے  $x_0$  ہمیں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی کیاں ملے مطلب یہ ہم جس راتے سے بھی آخری نقطہ تک پہنچیں ہمیں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی کیاں ملے گی۔ لہذا ہم تکمل کرتے وقت شکل 4.5 میں ابتدائی نقطہ سے پہلے راستے چلتے ہیں اور جب ہم فاصلہ  $x_0$  طے کر لیں

integral<sup>10</sup>

conservative field<sup>11</sup>

<sup>-1</sup> تجاذبی میدان بھی قدامت پیند میدان ہے ای لئے اگر کمیت m کو کسی بھی راتے d کی بلند کی تک لے جایاجائے تواس کی توانا کی m ہوگ۔



شكل 4.5: مقناطيسي ميدان ميں توانائي۔

تو یہاں سے دوسرا راستہ اختیار کر کے اختیامی نقطہ  $(x_0, \lambda_0)$  پہر چنچتے ہیں۔ لہذا ہم مساوات 4.16 کو اب دو مکڑوں میں لکھیں گے، نقطہ (0,0) سے نقطہ  $(x_0,\lambda_0)$  تک اور پھر یہاں سے نقطہ  $(x_0,\lambda_0)$  تک

(4.17) 
$$\int_{\mathbb{R}^{n}} \partial W_{m} = \int_{\mathbb{R}^{n}} \partial W_{m} + \int_{\mathbb{R}^{n}} \partial W_{m}$$

اس مساوات کی دائیں جانب جزو کو باری باری دیکھتے ہیں۔ پہلے رائے تکمل کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(4.18) 
$$\int_{\mathbb{T}_{d} \cup \mathbb{R}'} \partial W_m = \int_0^0 i(x,0) \, d\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \, dx$$

اگر  $0=\lambda$  ہو تو مقناطیسی بہاو بھی صفر ہو گا۔ مقناطیسی بہاو کے صفر ہونے کا مطلب ہے کہ کوئی مقناطیسی اثر موجود نہیں للذا قوت  $F_m$  بھی صفر ہو گا۔ اور ہم جانتے ہیں کہ صفر کا تکمل صفر ہی ہوتا ہے۔ للذا اس مساوات یمیں  $\int_0^{x_0} F_m(x,0) \, \mathrm{d}x = 0$ 

(4.19) 
$$\int_{\mathcal{L}} \partial W_m = \int_0^0 i(x,0) \, d\lambda - \int_0^{x_0} F_m(x,0) \, dx = 0$$

اسی طرح مساوات 4.17 کی دوسرے رائے کے تکمل کے جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(4.20) 
$$\int_{\mathcal{F}_{n/2}} \partial W_m = \int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda - \int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x$$

اس میں ہم دیکھتے ہیں کہ پورے رائے  $x=x_0$  رہتا ہے۔ قوت کا تکمل صفر ہے چونکہ x کے ابتدائی اور اختتامی قیمتیں برابر ہیں۔ یعنی

(4.21) 
$$\int_{x_0}^{x_0} F_m(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}x = 0$$

آخر میں رہ گیا برتی رو کا تکمل۔ مساوات 4.15 کو استعال کرتے ہوئے

(4.22) 
$$\int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \, \mathrm{d}\lambda = \frac{1}{L(x_0)} \int_0^{\lambda_0} \lambda \, \mathrm{d}\lambda = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

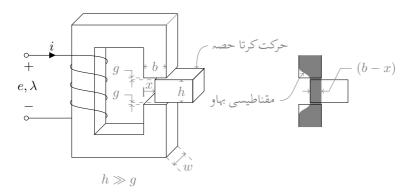
اس طرح ہمیں آخر کار مقناطیسی میدان میں توانائی کی مساوات حاصل ہو گئی۔

$$(4.23) W = \frac{\lambda_0^2}{2L(x_0)}$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 4.13 کے ذریعہ قوت  $F_m(x,\lambda)$  اور مساوات 4.14 کے ذریعہ برقی رو  $i(x,\lambda)$  کا حساب اب ممکن ہے۔

مثال 4.2: شکل 4.6 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکت کرنے والے جھے اور ساکن  $i=30~\mathrm{A}$  ہوں خول کی ورز g ہے۔ اگر  $w=0.4~\mathrm{m}$  ہول تو اس خلاکی ورز میں تواناکی  $w=0.4~\mathrm{m}$  معلوم کریں۔

مل: چونکہ  $g\gg d$  ہے لہذا مقناطیسی بہاو کا بیشتر حصہ حرکت کرتے جصے سے گزرے گا۔ ساکن جصے میں  $W_m=\frac{\lambda^2}{2L}$  مقناطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ کر حرکت کرتے جصے میں سے گزرے گا۔ ہمیں معلوم ہے کہ متناطیسی بہاو خلائی درز کے قریب مڑ



شكل 4.6: حركت اور توانائي \_

اور  $L=\lambda i$  بین للذا L=u(b-x) کیھا جا سکتا ہے جہال  $L=\frac{N^2\mu_0A_g}{2g}$  اور  $W_m=\frac{1}{2}Li^2$  اور بین للذا  $U_m=\frac{1}{2}Li^2$  بین لیزاری بین البذا

$$W_m = \frac{1}{2} \frac{N^2 \mu_0 A_g}{2g} i^2$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{500^2 \times 4\pi 10^{-7} \times 0.4(0.2 - x)}{2 \times 0.001} \times 30^2$$

$$= 28278(0.2 - x)$$

جاول کے برابر ہے۔

مثال 4.3: شکل 4.6 میں توانائی کے طریقہ سے قوت  $F_m$  معلوم کریں۔

x منغيره x على: مساوات 4.13 کہتا ہے کہ  $\left| \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0} > F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$  منغيره  $F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$  اور x ہونے چاہئے۔

مثال 4.2 میں ہم نے توانائی معلوم کی۔البتہ یہ معلوم کرنے کے لئے ہم نے کم کی بجائے  $\lambda=Li$  استعال کیا۔  $\lambda=Li$  یوں توانائی کے متغیرہ x اور i بن گئے ۔ ہم  $\lambda=Li$  بین کر سکتے۔ ہمیں کو استعال نہیں کر سکتے۔ ہمیں

چاہے۔ درست طریقہ یہ ہے 
$$W_m(x,\lambda)$$

$$W_m(x,\lambda) = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{\lambda^2}{2\left(\frac{N^2\mu_0A_g}{2g}\right)} = \frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0w(b-x)}$$

اب اسے مساوات 4.13 میں استعمال کرتے ہوئے

$$F_m = -\frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x}$$
 
$$= -\frac{g\lambda^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$

تفرق لینے کے بعد  $\lambda$  کی جگہ Li پُر کیا جا سکتا ہے۔یوں قوت

$$F_m = -\frac{gL^2i^2}{N^2\mu_0w(b-x)^2}$$
$$= -\frac{N^2\mu_0wi^2}{4g}$$
$$= -28278$$

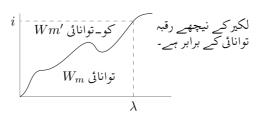
نیوٹن حاصل ہوتا ہے۔ منفی قوت کا مطلب ہے کہ قوت x کی اُلٹ جانب ہے لیعنی حرکت کرنے والا حصہ اس جانب حرکت کرے گا جس جانب فاصلہ کم ہوتا ہو۔

#### 4.3 توانائی اور کو-توانائی

شکل 4.7 میں  $\lambda$  اور i کے مابین گراف و کھایا گیا ہے۔ جیسا آپ و کیھ سکتے ہیں کہ کلیر کے نیچے رقبہ دراصل توانائی ہی ہے۔ اگر ہم اس گراف پر کوئی ایک نقطہ  $(\lambda,i)$  لیس اور اس نکتے سے ایک کلیر نیچے کی طرف اور دوسری کلیر بائیں جانب کھینچے تو ہمیں ایک مستطیل ملتا ہے جس کا رقبہ  $\lambda$  کے برابر ہو گا۔ اگر اس میں سے ہم توانائی  $W_m$  منفی کر لیس تو جو مقدار ملتی ہے اس کو کو-توانائی  $W_m$  کہتے ہیں یعنی

$$(4.24) W_m' = \lambda i - W_m$$

4.3. توانائی اور کو- توانائی



شكل 4.7: كو-توانائي كي تعريف.

اس مساوات کے تدریجی تفرق<sup>13</sup>

$$\partial W'_m = \partial(\lambda i) - \partial W_m$$
$$= \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_m$$

میں مساوات 4.10 کے استعال سے

$$\partial W'_m = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - F_m \partial x)$$

لعيني

$$\partial W_m' = \lambda \partial i + F_m \partial x$$

حاصل ہوتا ہے۔

مساوات 4.11، 4.12، 4.11 اور 4.14 کی طرح بیبال مجمی کسی مجمی نفاعل 
$$z(x,y)$$
 کا تدریجی فرق  $\partial z(x,y)=rac{\partial z}{\partial x}\,\mathrm{d}x+rac{\partial z}{\partial y}\,\mathrm{d}y$  جے۔ یوں ہم کو-توانائی  $W_m'(x,i)$  کے لئے کھھ سکتے ہیں

(4.26) 
$$\partial W'_m(x,i) = \frac{\partial W'_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W'_m}{\partial i} di$$

اس مساوات کو مساوات 4.25 کے سات دیکھیں تو

$$\lambda = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial i} \right|_{x_0}$$

partial differential<sup>13</sup>

اور

$$(4.28) F_m = \left. \frac{\partial W_m'}{\partial x} \right|_{i_0}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ قوت معلوم کرنے کی یہ دوسری مساوات ہے۔ اس مساوات میں کو-توانائی استعال ہوتی ہے جبکہ مساوات 4.13 میں توانائی کے ذریعہ قوت حاصل کی گئی۔

بالكل توانائي كے طريقه سے ان مساوات كے تكمل سے حاصل ہوتا ہے

(4.29) 
$$W'_m(i_0, x_0) = \int_0^{i_0} \lambda(i, x_0) \, \mathrm{d}i$$

جن نظام میں  $\lambda$  اور i تغیر راست ہوں اور جنہیں مساوات 2.28 کے تعلق سے پیش کیا جا سکے ان کے لئے اس مساوات کو مزید یوں حل کیا جا سکتا ہے۔

(4.30) 
$$W'_m(i,x) = \int_0^i L(x)i \, \mathrm{d}i = \frac{L(x)i^2}{2}$$

کچھ مسائل میں توانائی اور کچھ میں کو-توانائی کا استعال زیادہ آسان ہوتا ہے۔

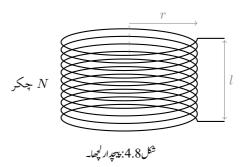
مثال 4.4: شکل 4.8 میں ایک پیچپرار کچھا $^{14}$  دکھایا گیا ہے جس کی محوری لمبائی  $^{1}$ ، رداس  $^{n}$  اور چکر  $^{n}$  ہیں۔ایسے پیچپرار کچھے کی مقناطیسی بہاو محوری سمت میں کچھے کے اندر ہی رہتی ہے۔ کچھے کے باہر مقناطیسی بہاو کی مقدار قابل نظر انداز ہوتی ہے۔ بول کچھے کے اندر محوری لمبائی کی سمت میں میدانی شدت  $M \approx NI/l$  ہوتی ہے۔

ایسے پیچیدار کچھے موصل دھاتوں کو امالی برقی توانائی کے ذریعہ پگھلانے کے لئے استعال کئے جاتے ہیں۔ ہیں اس طرح کی 100 کلوواٹ سے 1500 کلو واٹ برقی طاقت کی 100 کلو گرام سے 3000 کلو گرام لوہا پگھلانے کی امالی بوقی بھٹیاں 15 بناتا رہا ہوں جو 500 ہرٹز سے 1200 ہرٹز کے درمیاں کام کرتی ہیں۔اس طرح کے پیچیدار کچھے میں غیر موصل پیالے میں موصل دھات کے کلڑے ڈالے جاتے ہیں اور اس کچھے میں بدلتی رو گزاری جاتی ہے۔دھات میں بھنور نما امالی برقی رو اسے گرم کر کے پچھلا دیتی ہے۔لوہے کو یوں 1650 ڈگری ٹلسٹس 16 کئک گرم کیا جاتا ہے۔

spiral coil<sup>14</sup>

high frequency, induction furnaces $^{15}$  Celsius, Centigrade $^{16}$ 

4.3. توانائی اور کو- توانائی



- اس پیچپار کچھے پر معین برقی رو  $I_0$  گزرنے کی صورت میں رداسی سمت میں میکانی دباؤ لینی قوت فی مر بع رقبہ معلوم کریں۔
  - میری 3000 کلو گرام لوہا پکھلانے کی بھٹی کے پیجپدار کچھے کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

$$N=11,~~I_0=10\,000\,\mathrm{A},~~l=0.94\,\mathrm{m},~~r=0.49\,\mathrm{m}$$

اس پر رواسی سمت میں میکانی دباؤ، نیوٹن فی مربع میٹر، میں حاصل کریں۔

حل الف:

ہم کو-توانائی کا طریقہ استعال کرتے ہیں۔

$$L = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

$$W'_m(r, i) = \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l}$$

$$F = \frac{\partial W'_m}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l}$$

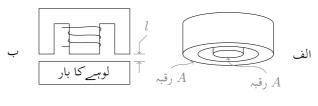
یہ مثبت قوت رداسی سمت میں باہر کی جانب ہے۔ کچھے کی گول سطح  $A=2\pi r l$  ہے۔ یوں میکانی دباؤ

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2\pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2l^2}$$

4

حل ب:

$$\frac{F}{A} = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^2 \times 10000^2}{2 \times 0.94^2} = 8605 \,\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$



شكل 4.9: برقى مقناطيس ـ

مثال 4.5: 2000 کلوواٹ سے 3000 کلوواٹ کی لوہا پھلانے کی بھٹیاں 30 ٹن 1<sup>7</sup> سے 70 ٹن لوہاروزانہ پھلاتی ہیں۔<sup>18</sup>اتنا وزن ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرنے کی خاطر عموماً برقی مقناطیس استعال ہوتا ہے۔شکل 4.9-الف میں ایک ایسا ہی برقی مقناطیس دکھایا گیا ہے جس کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

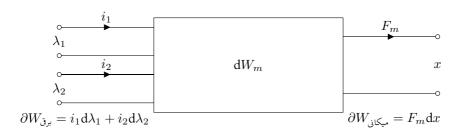
$$N = 300$$
,  $A = 0.8 \,\mathrm{m}^2$ ,  $I = 30 \,\mathrm{A}$ 

اگر برقی مقناطیسی اور لوہے کے در میان اوسط فاصلہ 2.5 سٹی میٹر لیا جائے تو یہ برقی مقناطیسی کتنی کمیت لوہا اٹھا سکتی ہے۔

عل:

$$\begin{split} L &= \frac{\mu_0 N^2 A}{2l} \\ W_m'(l,i) &= \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l} \\ F &= \frac{\partial W_m}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2} = -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.0254^2} = 31\,558\,\mathrm{N} \end{split}$$
يوں يہ مقاطيس  $\frac{\partial W_m}{\partial l} = \frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$  يوں يہ مقاطيس  $\frac{\partial W_m}{\partial l} = \frac{31558}{9.8} = 3220\,\mathrm{kg}$ 

<sup>17</sup> ہزار کلو گرام ایک ٹن کے برابر ہوتے ہیں۔ <sup>18</sup> بیمیں اینے تجربے کی بنیاد پر کہہ رہاہوں۔



شكل4.10: دولچھوں كانظام\_

مثال 4.6: مثال 4.3 کو کو-توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔

حل: مساوات 4.30 سے

$$W'_{m} = \frac{L(x)i^{2}}{2} = \frac{N^{2}\mu_{0}w(b-x)i^{2}}{4g}$$

اور مساوات 4.28 سے

$$F_m = \frac{\partial W_m}{\partial x} = -\frac{N^2 \mu_0 w i^2}{4g} = -28278 \,\mathrm{N}$$

یہ اتنی ہی قوت ہے۔ ہونا بھی ایسا ہی چاہئے۔

#### 4.4 زياده لجھوں كامقناطيسي نظام

ابھی تک صرف ایک کچھے کے نظام کا مطالعہ کیا گیا ہے۔ اس حصہ میں ایک سے زیادہ کچھوں کے نظام کا مطالعہ کیا جائے گا۔ زیادہ کچھوں کا نظام بھی بالکل ایک کچھے کے نظام کی طرح حل ہوتے ہیں۔ شکل 4.10 میں بائیں جانب

ا یک کیجے کا برقی رو  $i_1$  اور دوسرے کیجے کا برقی رو  $i_2$  ہے۔ للذا

$$\partial W_{\vec{3}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

$$\partial W_{\vec{i}} = \partial W_{\dot{j}} + \partial W_m$$

$$(4.33) i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 = F_m dx + \partial W_m$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں پہلی مساوات کو دوسری میں پُر کرتے ہوئے تیسری مساوات حاصل کی گئی جسے مزید یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = i_1 d\lambda_1 + i_2 d\lambda_2 - F_m dx$$

اب بالكل مساوات 4.11 كى طرح

(4.35) 
$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} dx$$

اس مساوات میں ہم نے دائیں طرف کی جگہ لکھا ہے۔ مساوات 4.34 اور 4.35 سے حاصل ہوتا ہے

(4.36) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, x}$$

(4.37) 
$$i_{2} = \frac{\partial W_{m}(\lambda_{1}, \lambda_{2}, x)}{\partial \lambda_{2}} \bigg|_{\lambda_{1}, x}$$

(4.38) 
$$F_m = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial x} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

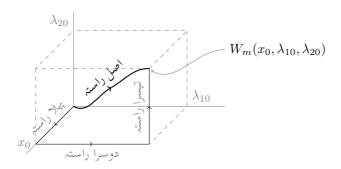
یه مساوات تب استعال ہو سکتے ہیں جب ہمیں توانائی  $W_m$  معلوم ہو للذا ہم پہلے اس کو معلوم کرتے ہیں۔

شکل 4.10 میں دونوں کچھوں کو اس طرح طاقت دی جاتی ہے کہ  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  آہتہ آہتہ صفر سے بڑھتے ہوئے  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  تک پہنچ جاتے ہیں اور سات ہی سات x صفر سے تبدیل ہو کر  $x_0$  ہو جاتا ہے۔ اس اصل راستے کو  $\lambda_1$  شکل 4.11 میں موٹی کئیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ بالکل مساوات 4.17 کی طرح ہم ککھ سکتے ہیں۔

$$\int\limits_{\mathbb{T}_{m,n}} \partial W_m = \int\limits_{\mathbb{T}_{m,n}} \partial W_m + \int\limits_{\mathbb{T}_{m,n}} \partial W_m + \int\limits_{\mathbb{T}_{m,n}} \partial W_m$$

ہم دائیں جانب کے تکمل کو باری باری حل کرتے ہیں۔

(4.40) 
$$\int_{\mathcal{L}} \partial W_m = \int_0^0 i_1 \, d\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \, d\lambda_2 - \int_0^{x_0} F_m \, dx$$



شکل 4.11: دولچھوں کے نظام میں مقناطیسی میدان میں توانائی۔

اگر تھمل کے ابتدائی اور اختای نقطے ایک ہی ہوں تو تھمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.41) 
$$\int_0^0 i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = 0$$

ہوں گے۔پہلے راتے  $\lambda_1$  اور  $\lambda_2$  دونوں صفر ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ دونوں کچھوں میں برقی رو صفر ہے، لہذا مقناطیسی بہاو کی غیر موجودگی میں قوت  $F_m=0$  ہو گا اور صفر کا کمل صفر ہی ہوتا ہے لیعنی

(4.42) 
$$\int_0^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = \int_0^{x_0} 0 \, \mathrm{d}x = 0$$

اس طرح

$$\int_{\mathbf{y}} \partial W_m = 0$$

عاصل ہوتا ہے۔دوسرے راستے پر

(4.44) 
$$\int_{\mathcal{U}(X)} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \, d\lambda_1 + \int_0^0 i_2 \, d\lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, dx$$

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کے ابتدائی اور اختقامی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.45) 
$$\int_0^0 i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے جس سے

$$\int_{\mathcal{Z}/\mathcal{Y}} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1$$

رہ جاتا ہے۔ یہاں ہمیں مساوات 2.32 ، 2.35 اور 2.37 کی ضرورت پڑتی ہے۔ یہ تین مساوات مندرجہ ذیل ہیں

$$(4.47) \lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2$$

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2$$

$$(4.49) L_{12} = L_{21}$$

ان مساواتوں کو ہم  $i_1$  اور  $i_2$  کے لئے حل کریں تو حاصل ہوتا ہے۔

$$(4.50) i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D}$$

$$(4.51) i_2 = \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D}$$

جہاں

$$(4.52) D = L_{11}L_{22} - L_{12}L_{21}$$

کے برابر ہے۔اب ہم مساوات 4.46 میں مساوات 4.50 پُر کرتے ہیں۔ چونکہ دوسرے راستے یہ  $\lambda_2$  صفر ہے لہذا

(4.53) 
$$\int_0^{\lambda_{1_0}} \left( \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \right) d\lambda_1 = \frac{L_{22}}{D} \int_0^{\lambda_{1_0}} \lambda_1 d\lambda_1 = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

کے برابر ہے۔ یوں

$$\int_{\mathcal{V}_{1/2}} \partial W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D}$$

حاصل ہوتا ہے۔

اسی طرح تیسرے راستے پر

(4.55) 
$$\int_{\lambda_{1_0}} \partial W_m = \int_{\lambda_{1_0}}^{\lambda_{1_0}} i_1 \, d\lambda_1 + \int_0^{\lambda_{2_0}} i_2 \, d\lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} F_m \, dx$$

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کے ابتدائی اور اختقامی نقطے ایک ہی ہوں تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے للذا

(4.56) 
$$\int_{\lambda_{10}}^{\lambda_{10}} i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} F_m \, \mathrm{d}x = 0$$

ہوں گے اور بقایا تھے میں  $i_2$  پُر کرتے ہوئے

(4.57) 
$$\int_0^{\lambda_{2_0}} i_2 \, d\lambda_2 = \int_0^{\lambda_{2_0}} \left( \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D} \right) d\lambda_2$$
$$= \frac{L_{11}\lambda_{2_0}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے

(4.58) 
$$\int_{Z_{m}} \partial W_{m} = \frac{L_{11}\lambda_{20}^{2}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{10}\lambda_{20}}{D}$$

ملتا ہے۔

مساوات 4.54، 4.43 اور 4.58 کو جمع کر کے مساوات 4.39 کا حل ملتا ہے۔

(4.59) 
$$\int \partial W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

اسی طرح اگر ہم کو-توانائی سے حل کرتے تو

(4.60) 
$$\partial W'_m(x, i_1, i_2) = \lambda_1 di_1 + \lambda_2 di_2 + F_m dx$$

جہاں

(4.61) 
$$\lambda_1 = \left. \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_1} \right|_{x, i_2}$$

(4.62) 
$$\lambda_2 = \frac{\partial W'_m(x, i_1, i_2)}{\partial i_2} \bigg|_{x, i_1}$$

(4.63) 
$$F_{m} = \frac{\partial W'_{m}(x, i_{1}, i_{2})}{\partial x} \Big|_{i_{1}, i_{2}}$$

(4.64) 
$$W'_m(x, i_1, i_2) = \frac{1}{2}L_{11}(x)i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}(x)i_2^2 + L_{12}(x)i_1i_2$$

جس سے قوت کی مساوات

(4.65) 
$$F_m = \frac{i_1^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{11}(x)}{\mathrm{d}x} + \frac{i_2^2}{2} \frac{\mathrm{d}L_{22}(x)}{\mathrm{d}x} + i_1 i_2 \frac{\mathrm{d}L_{12}(x)}{\mathrm{d}x}$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 4.7: شکل 4.10 میں میکانی کام کو 
$$\theta$$
 کام کو  $\theta$  کام کو  $\partial W_{ij} = T_m \,\mathrm{d}\theta$  کو توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔ حل:

$$\partial W_{\mathbf{\bar{\mathcal{J}}}_{\mathcal{I}}} = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2$$

اور  $\partial W_{\dot{i}} = T_m \,\mathrm{d} heta$  کو

$$\partial W_{\ddot{\mathbf{J}}_{\checkmark}} = \partial W_{\dot{\mathbf{J}}_{\checkmark}} + \partial W_m$$

میں پُر کرنے سے

$$\partial W_m = i_1 \, \mathrm{d}\lambda_1 + i_2 \, \mathrm{d}\lambda_2 - T_m \, \mathrm{d}\theta$$

 $W_m$ حاصل ہوتا ہے۔ $W_m$  کے جزوی تفرق

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial \theta} d\theta$$

کا مساوات 4.66 کے ساتھ موازنہ کرنے سے

(4.67) 
$$i_1 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_1} \right|_{\lambda_2, \theta}$$

(4.68) 
$$i_2 = \left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \lambda_2} \right|_{\lambda_1, \theta}$$

(4.69) 
$$T_m = -\left. \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, \theta)}{\partial \theta} \right|_{\lambda_1, \lambda_2}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان مساوات کا آخری جزو بالکل مساوات 4.34 کی طرح ہے۔اس کو حل کرنے کا ایک ایک قدم بالکل مساوات 4.34 کو حل کرنے کی طرح ہو گا بس فاصلہ x کی جگہ زاویہ  $\theta$  آئے گا۔یوں جواب میں میدانی توانائی کے متغیرات  $\lambda_1, \lambda_2, \theta$  ہوں گے لیغن۔

$$(4.70) W_m(\lambda_{1_0}, \lambda_{2_0}, \theta_0) = \int W_m = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$

اسی طرح کو-توانائی کے لئے جواب یہ ہے

$$\partial W'_m(i_1, i_2, \theta) = \lambda_1 \operatorname{d} i_1 + \lambda_2 \operatorname{d} i_2 + T_m \operatorname{d} \theta$$

(4.72) 
$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{1}} \Big|_{i_{2}, \theta}$$

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{2}} \Big|_{i_{1}, \theta}$$

$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial \theta} \Big|_{i_{1}, i_{2}}$$

جہاں

(4.73) 
$$W'_m(i_1, i_2, \theta) = \frac{1}{2}L_{11}i_1^2 + \frac{1}{2}L_{22}i_2^2 + L_{12}i_1i_2$$

-4

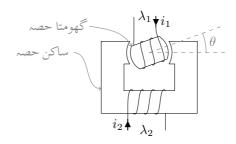
مثال 4.8: شکل 4.12 میں دو لیجھوں کا نظام دکھایا گیا ہے۔اس نظام کا ایک حصہ ساکن رہتا ہے اور دوسرا گھوم سکتا ہے۔افقی کلیر سے گھڑی کی اُلٹی جانب زاویہ 6 ناپا جاتا ہے۔ لیجھوں کی خود امالہ اور مشتر کہ امالہ مندرجہ ذیل ہیں۔

$$L_{11} = 20 + 30\cos 2\theta$$
  

$$L_{22} = (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3}$$
  

$$L_{12} = 0.15\cos \theta$$

برتی رو  $T_m$  معلوم کریں۔  $i_1=0.02\,\mathrm{A}, i_2=5\,\mathrm{A}$  معلوم کریں۔



شکل4.12: دولچھوں کے نظام میں قوت مروڑ۔

حل: مساوات 4.73 سے کو-توانائی حاصل ہوتی ہے اور مساوات 4.72 کے آخری جزو سے قوت مروڑ لینی

$$T_m = \frac{\partial W'_m}{\partial \theta} = -30i_1^2 \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3} i_2^2 \sin 2\theta - 0.15 i_1 i_2 \sin \theta$$
$$= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$
$$= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$

قوت مروڑ منفی ہونے کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں گے تو یہ نظام اسے کم کرنے کی جانب قوت مروڑ پیدا کرے گا اور اگر آپ زاویہ کم کرنے کی کوشش کریں تو یہ زاویہ بڑھانے کی جانب قوت مروڑ پیدا کرے گا۔سادہ زبان میں گھومتا حصہ اُفقی کئیر پر رہنے کی کوشش کرے گا۔

## باب5

# گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشین کے بنیادی اصول پر غور کیا جائے گا۔ ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قسم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

#### 5.1 قانون فيراد ك

فیرا ڈے کے قانون 1 کے تحت جب بھی ایک کچھے کا ارتباط بہاو \ وقت کے ساتھ تبدیل ہو تو اس کچھے میں برقی دباؤ پیدا ہوتا ہے۔ یعنی

(5.1) 
$$e = -\frac{\partial \lambda}{\partial t} = -N\frac{\partial \phi}{\partial t}$$

گھومتے مشین میں ارتباط بہاو کی تبدیلی مختلف طریقوں سے لائی جاتی ہے۔ یا تو کیچھے کو ساکن مقناطیسی بہاو میں گھمایا جاتا ہے، یا پھر ساکن کیچھے میں مقناطیس گھمایا جاتا ہے، وغیرہ وغیرہ۔

Faraday's law<sup>1</sup>

لی مقناطیسی قالب<sup>2</sup> پر لیٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم مقناطیسی دباؤ سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاو عاصل کیا جاتا ہے اور لیھوں کے مابین مشتر کہ مقناطیسی بہاو بڑھایا جاتا ہے۔ دیگر رہ کہ قالب کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی بہاو کو ضرورت کی جگہ پہنچایا جاتا ہے۔

چونکہ ایسے مثین کے قالب میں مقناطیسی بہاو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے للذا قالب میں بھنور نما برقی رو<sup>3</sup> پیدا ہوتا ہے۔ ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر، قالب کو باریک لوہے کی پتری<sup>4</sup> تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے ۔ یہ بالکل اسی طرح ہے جیسے ٹرانسفار مروں میں کیا جاتا ہے۔

#### 5.2 معاصر مشين

شکل 5.1 میں معاصو برقی جزیٹر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے۔ اس کے قالب میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ  $\theta_m$  سے بتلائی جاتی ہے۔ افقی کلیر سے گھڑی کے الٹ سمت زاویہ  $\theta_m$  نایا جاتا ہے۔

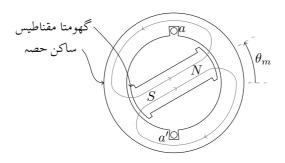
n یہاں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیس ایک مقررہ رفتار سے یوں گھوم رہا ہو کہ یہ ہر سکنڈ ہیں n کمل چکر لگائے تو ہم کہتے ہیں کہ مقناطیس کے گھومنے کی تعدد n ہر ٹر<sup>5</sup> ہے۔ای بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیس 600 چکر فی منٹ <sup>6</sup> کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر °360 زاویہ یا  $\pi$ 2 ریڈ بین <sup>7</sup> پہ مشتمل ہوتا ہے۔ لہذا اس گھومنے کی رفتار کو  $\pi$ 2 ریڈ بین فی سکنڈ بھی کہا جا سکتا ہے۔اس بات کو اب ہم یوں بیان کر سکتے ہیں۔ اگر مقناطیس کے گھومنے کی تعدد  $\pi$ 4 ہر ٹر ہو تو یہ  $\pi$ 4 ریڈ بین فی سکنڈ کی رفتار سے گھومتا ہے۔ جہاں  $\pi$ 5 (5.2)

اس کتاب میں گھومنے کی رفتار عموماً ریڈیٹن فی سینڈ میں ہی بیان کی جائے گی۔

شکل 5.1 میں دکھائے گئے مشین میں مقناطیس کے دو قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطب والا مشین کہتے ہیں۔ اس مشین میں ایک ساکن لچھا استعال ہوا ہے جس کی وجہ سے اس کو ایک لچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ اس کے باہر

magnetic core<sup>2</sup>
eddy currents<sup>3</sup>
laminations<sup>4</sup>
Hertz<sup>5</sup>
rounds per minute, rpm<sup>6</sup>
radians<sup>7</sup>

5.2 معيا صرمثين



شكل 5.1: دوقطب، ايك دور كامعاصر جنريثر

 $\alpha'$  مقناطیسی قالب ہے۔ قالب میں، اندر کی جانب دو شکاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ کچھے کو  $\alpha$  اور  $\alpha$  اور  $\alpha$  وجہ سے واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ یہ کچھا جزیئر کے ساکن حصہ پہ پایا جاتا ہے لہذا یہ بھی ساکن رہتا ہے اور اسی وجہ سے اسے ساکن لجھا $\alpha$  کہتے ہیں۔

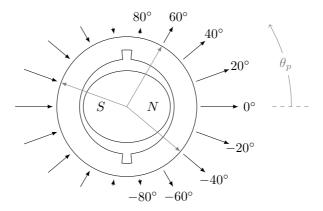
مقناطیس کا مقناطیسی بہاو اس کے شالی قطب  $N^9$  سے نکل کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول قالب میں سے گزر کر اور ایک مرتبہ پھر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا مقناطیس کے جنوبی قطب  $S^{-10}$  میں داخل ہوتا ہے۔ اس مقناطیسی بہاو کو ہکمی سیابی کے کلیروں سے دکھایا گیا ہے۔ اگر غور کیا جائے تو یہ مقناطیسی بہاو، سارا کا سارا، ساکن کیچے میں سے بھی گزرتا ہے۔

شکل 5.1 میں مقناطیس سیدھے سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔ شکل 5.2 میں اس مقناطیس کو تقریباً گول دکھایا گیا ہے۔ یہاں مقناطیس کے محور کا زاویہ  $\theta_m$  صفر کے برابر ہے۔ مقناطیس اور ساکن قالب کے در میان صفر زاویہ ، لینی  $\theta = 0$  ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ ، لیعنی  $\theta = \theta$  ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوے زاویہ ، لیعنی  $\theta = \theta$  ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نوب تا ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاو پیدا نیادہ مقناطیسی بہاو ممکن ہوتا ہے۔ خلائی درز کو یول تبدیل کیا جاتا ہے کہ خلائی درز میں سائن نما مقناطیس کے در میان خلائی درز میں  $\theta$  سائن نما ہو، لیعن

$$(5.3) B = B_0 \cos \theta_p$$

 $heta_p = 3$ تو خلائی درز میں مقناطیسی بہاو B کی مقدار B کے ساتھ تبدیل ہو گی۔یہ کثافتِ مقناطیسی بہاو صفر زاویہ، لینی مقدار B ساتھ تبدیل ہو گی۔یہ کثافت مقناطیس کے شالی قطب سے B0 پہر زیادہ سے زیادہ ہو گی اور نوے زاویہ، لینی B0 نامی فطب سے مقابلیں کے شالی قطب سے بیادہ میں مقابلیں کے شالی قطب سے B1 میں مقابلیں کے شالی قطب سے بیادہ میں مقابلیں کے شالی مقابلی مقابلی کے شالی کروز کردیں کے شالی کردیں کے شالی کردیں کے شالی کردیں کے شالی کردیں کردیں کردیں کے شالی کردیں کردیں

stator coil<sup>8</sup> north pole<sup>9</sup> south pole<sup>10</sup>



شکل 5.2: کثافت مقناطیسی بہاو کی زاویہ کے ساتھ تید ملی۔

گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں ساکن جھے کے باہر نوک دار لکیروں سے اس کثافتِ مقناطیسی بہاو کی مقدار اور اس کی سمت دکھائی گئی ہے۔ شکل میں بلکی سابتی سے  $-40^\circ$   $00^\circ$  اور  $00^\circ$  ناویوں پر مقناطیسی بہاو میں رداس کی سمت میں ہے۔ اس کے بر عکس زاویہ  $00^\circ$  پر مقناطیسی بہاو رداس سمت میں سمت کے عین الٹ ہے۔ یوں شکل سے آپ دکھ سکتے ہیں کہ آدھے خلائی ورز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداس کی سمت میں ہے۔ یہ شکل فرز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو رداس کی سمت میں ہے اور آدھے میں یہ رداس کے اُلٹ سمت میں ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اگر ہم خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو کا اور زاویہ  $00^\circ$  کا گراف بنائیں تو یہ سائن نما ہو گا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس کی اور زاویہ پہ دکھایا گیا ہے۔ یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ کثافتِ مقناطیسی بہاو کی مقدار ہر حالت میں مقناطیس کی قطب پہ زیادہ سے زیادہ ہو گا اور یہاں اس کا رُن رداس کی سمت میں ہو گا۔ شکل ہر حالت میں مقناطیس کی قطب پہ زیادہ سے زیادہ ہو گا اور یہاں اس کا رُن رداس کی سمت میں ہو گا۔ شکل ہو گیا ہو ہو گا ور یہاں اس کا رُن رداس کی سمت میں ہو گا۔ شکل ہو گا۔

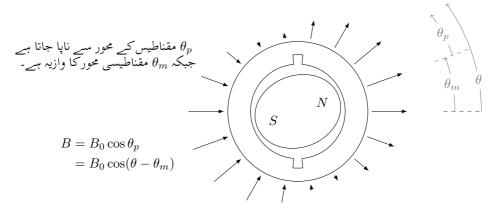
(5.4) 
$$B = B_0 \cos \theta_p$$
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

للذا

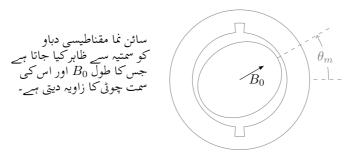
$$(5.5) B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس سے پیدا سائن نما مقناطیسی دباؤ دکھایا گیا ہے۔ ایسے مقناطیسی دباؤ کو ہم عموماً ایک سمتیہ سے ظاہر کرتے ہیں جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کے برابر ہوتا ہے اور اس کی سمت مقناطیس کی

5.2. معاصرمثين



شكل 5.3: جب مقناطيس كسى زاويه پيه جوتو كثافت ِمقناطيسى بهاويوں ہوگا



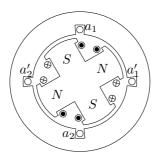
شكل 5.4: مقناطيسي دباؤ كوسمتيه سے ظاہر كياجاتا ہے۔

شال کو ظاہر کرتا ہے۔ شکل 5.4 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ اس سمتیہ کی سمت سائن نما مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کو واضح کرتا ہے۔

 $\lambda_{\theta}$  گل 5.3 میں مقناطیس کو کسی ایک لمحہ  $t_1$  زاویہ  $\theta_m(t_1)$  پہ دکھایا گیا ہے۔ یہاں ساکن کچھے کا ارتباط بہاو e(t) برقی e(t) مقناطیس، گھڑی کے الٹی سمت، ایک مقررہ رفتار  $\omega_0$  سے گھوم رہا ہو تو ساکن کچھے میں اس لمحہ  $\omega_0$  برقی درباد پیدا ہو گا جہاں

$$(5.6) e(t) = \frac{\mathrm{d}\lambda_{\theta}}{\mathrm{d}t}$$

کے برابر ہے۔ چونکہ ہمیں برقی دباؤ کی قیت ناکہ اس کے  $\mp$  ہونے سے دلچیں ہے لہذا اس مساوات میں منفی کی علامت کو نظر انداز کیا گیا ہے۔





شكل 5.5: چار قطب والاا يك د ور معاصر جنريٹر۔

جب مقناطیس آدھا چکر، یعنی  $\pi$  ریڈ بیئن، گھومے تو اس کے دونوں قطب آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گے۔ پچھے میں مقناطیسی بہاو کی سمت اُلٹی ہو جائے گی۔ ساکن کچھے میں ارتباط بہاو اب  $-\lambda_0$  ہو جائے گا اور اس میں امالی برقی د باؤ -e(t) ہو جائیں گے۔ اور جب مقناطیس ایک مکمل چکر کاٹے تو مقناطیس ایک مرتبہ پھر اسی جگہ ہو گا جہال سے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ساکن کچھے کا ارتباط بہاو ایک مرتبہ پھر  $\lambda_0$  ہی ہو گا اور اس میں امالی برقی د باؤ بھی ایک مرتبہ پھر وہ ہی ہو گا اور اس میں امالی برقی د باؤ بھی ایک مرتبہ پھر e(t) ہی ہوں گے۔ لیمنی مقناطیس اگر e(t) کی زاویہ طے کرے تو امالی برقی د باؤ کے زاویہ میں مرتبہ پھر e(t) تبدیلی آتی ہے۔ لہذا دو قطب کی مثنین میں میکانی زاویہ e(t) اور برقی زاویہ e(t) برابر ہوتے ہیں، لیمنی

 $\theta_e = \theta_m$ 

n اس مثین میں اگر مقناطیس n چکر فی سکنڈ کی رفتار سے گھونے تو کچھے میں امالی برقی دباؤ e(t) بھی ایک سکنڈ میں  $f_e=n$  کمل چکر کاٹے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ e(t) کے تعدد  $f_e^{11}$  کی مقدار n ہر ٹرن e(t) ہے۔ یعنی اس صورت میں e(t) کے تعدد e(t) کے تعدد e(t) کی مقدار e(t) کی مقدد کے لئے کی سکتے ہیں

 $f_e = f_m$ 

چونکہ اس مشین میں میکانی زاویہ  $\theta_m$  اور برقی زاویہ  $\theta_e$  وقت کے سات تبدیل ہوتے بھی آپس میں ایک نسبت رکھتے ہیں لہذا ایسے مشین کو معاصر مشین  $^{14}$  کہتے ہیں۔ یہاں یہ نسبت ایک کی ہے۔

شکل 5.5 میں چار قطب، ایک دور کا معاصر جزیئر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مشین میں عموماً مقناطیس ہی استعال ہوتے ہیں۔ البتہ بڑے مشین میں برقی مقناطیس <sup>15</sup> استعال ہوتے ہیں۔ شکل 5.5 میں ایبا ہی دکھایا گیا ہے۔ دو سے

frequency<sup>11</sup>

 $Hertz^{12}$ 

Hertz, Hz<sup>13</sup>

 $synchronous\ machine^{14}$ 

 $<sup>{\</sup>rm electromagnet}^{15}$ 

5.2. معاصر مثين

زیادہ قطب والے مشین میں کسی ایک شالی قطب کو حوالہ متن بنایا جاتا ہے۔ شکل میں اس قطب کو  $\theta_m$  پہ و کھایا گیا ہے اور یول دوسرا شالی قطب  $(\theta_m+\pi)$  کے زاویہ یہ ہے۔

جیسا کہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں موجود مقناطیس کے چار قطب ہیں۔ ہر ایک ثالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ ایک دور کی آلوں میں مقناطیس کے جتنے قطب کے جوڑے ہوتے ہیں، اس میں اتنے ہی ساکن لیجے ہوتے ہیں۔ پہنہ لملذا اس مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑے قطب ہیں، لملذا اس مشین کے ساکن حصہ پہ دو ساکن کچھے لیئے گئے ہیں۔ ایک کچھے کو  $a_1$  سے واضح کیا گیا ہے اور دو سرے کو 2 سے۔ کچھے ایک و قالب مصہ موجود دو شگاف  $a_2$  این المینا گیا ہے۔ اس طرح  $a_2$  کیا گیا ہے اور دو شگاف  $a_3$  اور  $a_1$  میں رکھا گیا ہے۔ ان دونوں کچھوں میں کیساں برتی دباؤ پیدا ہوتی ہے۔ ان دونوں کچھوں کو سلسلہ وار  $a_1$  جوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جزیئر کی کل برتی دباؤ ایک لیجھے میں پیدا برتی دباؤ کے دگنا ہوتا ہے۔ایک دور کے آلوں میں اگر قالب کو، مقناطیس کے جتنے قطب ہوں اتنے حصوں میں تقسیم کر لیا جائے، تو اس مشین کا ہر ایک ساکن کچھا ایسا ایک حصہ گھر تا ہے۔ شکل میں چار قطب ہیں لمذا اس کا ایک کچھا نوے میکانی زاویہ کے اصاطے کو گھیر رہا ہے۔

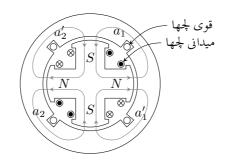
اب تک ہم نے گھومتے کچھے اور ساکن کچھے کی بات کی ہے۔ یہ دو کچھے دراصل دو بالکل مختلف کار کردگی کے حامل ہوتے ہیں۔اس بات کی یہاں وضاحت کرتے ہیں۔

جیسا پہلے بھی ذکر ہوا چھوٹی گھومتی آلوں میں مقاطیسی میدان ایک مقناطیس ہی فراہم کرتی ہے جبکہ بڑے آلوں میں برقی مقناطیس یہ میدان فراہم کرتی ہے۔ اگرچہ اب تک کی شکلوں میں مقناطیس کو گھومتے حصہ کے طور پر دکھایا گیا ہے گر حقیقت میں یہ کبھی مشین کا گھومتا حصہ اور کبھی یہ اس کا ساکن حصہ ہوتا ہے۔ میدان فراہم کرنے والا لچھا مشین کے کل برقی طاقت کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعال کرتا ہے۔ اس میدان فراہم کرنے والے لچھے کو میدانی چھا 18 کہتے ہیں۔ برتی کو میدانی چھا 18 کہتے ہیں۔ برتی جزیئر سے حاصل برقی طاقت اس قوی کچھے سے ہی حاصل کیا جاتا ہے۔ برقی موٹروں میں میدانی کچھے میں چند فی صد برقی طاقت اس قوی کھھے سے ہی حاصل کیا جاتا ہے۔ برقی موٹروں میں میدانی کچھے میں چند فی صد برقی طاقت اس قوی کھھے کو ہی فراہم کیا جاتا ہے۔

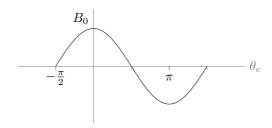
اب اگر ہم، گھومتے اور ساکن حصہ کے در میان، خلائی درز میں B کو دیکھیں تو شالی قطب سے مقناطیسی بہاو باہر کی جانب نکل کر والب میں داخل ہوتا ہے جبکہ جنوبی قطب میں مقناطیسی بہاو قالب سے نکل کر جنوبی قطب میں

series connected $^{16}$  field  $coil^{17}$ 

armature  $coil^{18}$ 



شكل 5.6: چار قطب اور دولچيے والے مثين ميں مقناطيسي بہاو۔



شكل 5.7: سائن نما كثافت مقناطيسي بهاويه

اندرکی جانب داخل ہوتا ہے۔ یہ شکل 5.6 میں دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کا ٹیں تو مقناطیسی بہاو کی سمت دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندرکی جانب ہو گی۔ مزید یہ کہ آلوں میں کو شش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیے کیا جاتا ہے، اس کو ہم آگے پڑھیں گے۔ لہذا اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہی ہے تب خلائی درز میں B کی مقدار، شکل 5.7 کی طرح ہو گی۔ اس شکل میں برقی زاویہ  $\theta_e$  استعال کیا گیا ہے۔

یوں ہم ایک ایس معاصر مثین جس میں P قطب مقناطیس پایا جاتا ہو کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

$$f_e = \frac{P}{2} f_m$$

اس صورت میں میکانی اور برقی تعدد ایک مرتبه چر آپس میں ایک نسبت رکتے ہیں۔

5.2. معاصرمشين

مثال 5.1: پاکستان میں گھروں اور کارخانوں میں Hz کی برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے لیعنی ہمارے ہاں  $f_e=50$ 

- اگریہ برقی طاقت دو قطب کے جزیٹر سے حاصل کی جائے تو یہ جزیٹر کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔
  - اگر جزیٹر کے بیں قطب ہوں تب یہ جزیٹر کس رفار سے گھمایا جائے گا۔

حل:

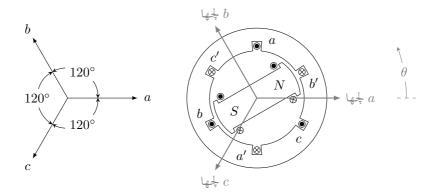
- مساوات 5.8 سے ہم ویکھتے ہیں کہ اگر یہ برقی طاقت دو قطب،P=2، والے جزیٹر سے حاصل کی جائے تو اس جزیٹر کو  $f_m=50$  چکر فی سکنٹر لیعنی 3000 چکر فی منٹ $f_m=50$  گھمانا ہو گا۔
- اگر یہی برقی طاقت بیں قطب، P=20، والے جزیٹر سے حاصل کی جائے تو پھر اس جزیٹر کو P=5 والے جزیٹر سے کھمانا ہو گا۔ چکر فی سیکنڈ لیعنی 300 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھمانا ہو گا۔

اب میہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جزیر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ در حقیقت پانی سے چلنے والے جزیر است رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر تیز رفتار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جزیر زیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جزیر آپ کو دو قطب کے ہی ملیں گے۔

شکل 5.8 میں دو قطب والا تین دور کا معاصر مثنین دکھایا گیا ہے۔اس میں تین ساکن کیچے ہیں۔ان میں ایک کیچھ میں دور کا معاصر مثنین دکھایا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو کیچھ نہ ہوتے تو ہی بالکل شکل کیھ میں دیا گیا مثنین ہی تھا۔البتہ دیئے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن کیچے ہیں۔

اگر a کچھا میں برقی رویوں ہو کہ شگاف a میں برقی رو، کتاب کے صفحہ سے عمودی رُخ میں باہر کی جانب ہو اور a میں برقی رو کا رخ اس کے بالکل الٹ سمت میں ہو تو ہم کچھے کی سمت کا تعین دائیں ہاتھ کے ذریعہ یوں کرتے ہیں۔

rpm, rounds per minute<sup>19</sup>



شكل 5.8: دوقطب، تين دور معاصر مشين ـ

• اگر ہم دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شگافوں میں برقی رو کی جانب لیٹیں تو اسی ہاتھ کا انگوٹھا کچھے کی سمت متعین کرتا ہے۔

شکل 5.8 میں گچھا a کی سمت تیر والی لکیر سے دکھائی گئی ہے۔ اس سمت کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ للذا شکل میں a کچھا صفر زاویہ پر لپٹا گیا ہے، لینی  $\theta_a=0$  ہے۔ باقی کچھوں کے زاویہ ، کچھا a کی سمت سے، گھڑی کی اُٹی رُخ، نایے جاتے ہیں۔

شکل 5.8 میں کچھا d کو شگاف d اور b' میں رکھا گیا ہے اور کچھا c کو شگاف c اور c' میں رکھا گیا ہے۔ مزید یہ کہ کچھا d کو d و شگاف d اور d کو d و ناویہ پر اور کچھا کی اور کھا گیا ہے۔ ایکن d و ناویہ پر اور کچھا کے d و ناویہ کھا کے d و ناویہ کو ناویہ کو ناویہ کو ناویہ کھا کہ کو ناویہ کو ن

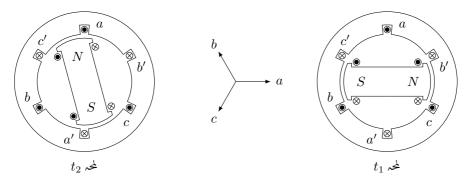
شکل 5.9 میں دکھائے گئے کھ  $t_1$  پر اگر کچھے a کا ارتباط بہاو ( $t_1$ ) ہو تو جب مقناطیس  $t_2$  کا زاویہ طے کر لے، اس کھ  $t_2$  پر کھیے  $t_3$  کا ارتباط بہاو ( $t_2$ ) ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ کھ کھ بر پر مقناطیس اور کچھا  $t_3$  آپس میں بالکل اس کھ  $t_3$  پر مقناطیس اور کچھا  $t_3$  ہو گا جتنا کھ  $t_4$  پر مقاطیس اور کچھا  $t_3$  ہو گا جتنا کھ  $t_4$  پر کچھا کا ارتباط بہاو بالکل اتنا ہی ہو گا جتنا کھ  $t_3$  پر کچھا کا تھا۔ یعنی یہ مقاطیس اور کچھا کھ سے کے المذا کھ ویکھیا کے ارتباط بہاو بالکل اتنا ہی ہو گا جتنا کھ دیم کے لیم کے ایک کھیا کا تھا۔ یعنی

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

ای طرح اگر مقناطیس مزید °120 زاویہ طے کرے تو اس لمحہ  $t_3$  پر لچھا c کا ارتباط بہاو ( $t_3$ ) ہو گا اور مزید ہیہ کہ یہ کہ کے برابر ہو گا۔یوں

(5.10) 
$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1)$$

5.2. معاصر مثين



شكل 5.9: دوقطب تين دور مشين ـ

## ہیں۔ان کمات پر ان کیھوں میں

(5.11) 
$$e_a(t_1) = \frac{\mathrm{d}\lambda_a(t_1)}{\mathrm{d}t}$$

(5.12) 
$$e_b(t_2) = \frac{\mathrm{d}\lambda_b(t_2)}{\mathrm{d}t}$$

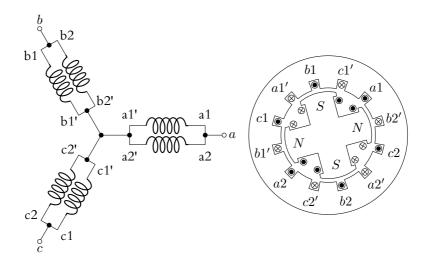
(5.13) 
$$e_c(t_3) = \frac{\mathrm{d}\lambda_c(t_3)}{\mathrm{d}t}$$

ہوں گے۔مساوات 5.10 کی روشنی میں

(5.14) 
$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$

اگر شکل 5.9 میں صرف لچھا a پایا جاتا تو یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اب اگر اس میں مقناطیس کو گھڑی کی اُلٹی سمت ایک مقررہ رفتار  $\omega_0$  سے گھمایا جاتا تو، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھے a میں سائن نما برقی دباؤ پیدا ہوتی۔ شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دوسرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں۔ للذا اب شکل 5.9 میں اگر مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تو اس میں موجود تینوں سائن کچھوں میں سائن نما برقی دباؤ پیدا ہوگی البتہ مساوات d 5.14 کے تحت یہ برقی دباؤ آپس میں °120 کے زاویہ پر ہوں گے۔

شکل 5.10 میں چار قطب، تین دور معاصر مثنین دکھایا گیا ہے۔ گھومتے تھے پر شال اور جنوبی قطب باری باری باری پاری پاری پاری پاری ناویہ بنتا پیں۔ یوں شال اور جنوب قطب کی ایک جوڑی 180° میکانی زاویہ طے کرتے ہیں۔ یہی 360° برقی زاویہ بنتا ہے۔ جیسا شکل 5.8 سے ظاہر ہے کہ ساکن تھے کے 360° برقی زاویہ پر تین دور کے لچھے نسب کئے جاتے ہیں۔ یوں شکل 8.5 میں گھری کی الٹی سمت میں 40 °c 'a' 'b' 'c' میں اور 'b' اسی ترتیب سے پائے جاتے ہیں۔ شکل 5.10 میں دو



شكل5.10: چار قطب، تين دور معاصر مشين ـ

c1' ، c1'

# 5.3 محرك برقى دباؤ

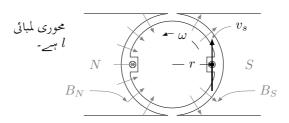
قانونِ لوریز v کے تحت اگر ہوقی بار  $q^{21}$  مقناطیسی میدان p میں سمتی رفتار v سے حرکت کر رہا ہو تو اس پر قوت F اثر کرے گی جمال

$$(5.15) F = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B})$$

کے برابر ہے۔

 $\begin{array}{c} Lorentz\ law^{20} \\ charge^{21} \end{array}$ 

5.3. محسر ك برقاد باؤ



شكل 5.11 ك: ا مك چكر كالجھامقناطيسي ميدان ميں گھوم رہاہے۔

یہاں سمتی رفتار سے مراد برقی بارکی سمتی رفتار ہے للذا مقناطیسی میدان کو ساکن تصور کر کے اس میں برقی بار کی سمتی رفتار ن ہو گی۔

اس قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاتی ہے۔اگریہ برقی بار شروع کے نقطہ سے آخری نقطہ تک سمتی فاصلہ 1 طے کرے قواس پر W کام ہو گا جہاں

$$(5.16) W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

اکائی مثبت برتی بار کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے مابین بوقی دباؤ <sup>22</sup> کہتے ہیں اور اس کی اکائی وولٹ V <sup>23</sup> ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے مابین حاصل برقی دباؤ

(5.17) 
$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

وولٹ ہو گی۔

اس طرح حرکت کی مدد سے حاصل برقی دباؤ کو محری بوقی دباؤ<sup>24</sup> کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برقی سیل وغیرہ کی برقی دباؤ بھی محرک برقی دباؤ کہلاتی ہے۔

اس مساوات کو شکل 5.11 میں استعال کرتے ہیں۔ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔ بائیں جانب خلاء میں لچھے کی برقی تار پر غور کریں۔مساوات 5.15 کے تحت اس تار میں موجود مثبت برقی بار پر صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب قوت اثر انداز ہوگی اور اس میں موجود منفی برقی بار پر اس کی اُلٹ سمت قوت عمل کرے گی۔اس

potential difference, voltage<sup>22</sup>

volt<sup>23</sup>

electromotive force,  ${\rm emf}^{24}$ 

طرح مساوات 5.17 کے تحت صفحہ سے باہر جانب برتی تار کا سرا برقی دباؤ e کا مثبت سرا ہو گا اور صفحہ کی اندر جانب برقی تار کا سرا برقی دباؤ e کا منفی سرا ہو گا۔

اگر گھومتے حصہ کی محور پر نکلی محدد قائم کی جائے تو جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی سمت میں ہے جبکہ شالی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں B رداس کی اُلٹ سمت میں ہے۔ یوں جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار  $l_S$  کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_S &= v oldsymbol{a}_{ heta} &= \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_S &= B oldsymbol{a}_{ extsf{T}} \ oldsymbol{l}_S &= l oldsymbol{a}_{ extsf{Z}} \end{aligned}$$

للذا اس جانب لچھے کی ایک تار میں پیدا محرک برقی دباؤ

(5.19) 
$$e = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

$$= \omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$

ہو گی۔

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت  $a_2$  لی گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباؤ کے منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سرا $a_2$  کی سمت میں ہے لینی اس کا نجلا سرا مثبت اور اوپر والا سرا منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تار میں برقی رو گزر سکے تو اس کی سمت  $a_2$  لینی صفحہ کی عمودی سمت میں اندر کی جانب ہوگی جے شگاف میں وائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اسی طرح شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود برقی تار کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$egin{aligned} oldsymbol{v}_N &= v oldsymbol{a}_{ heta} = \omega r oldsymbol{a}_{ heta} \ oldsymbol{B}_N &= -B oldsymbol{a}_{ ext{r}} \ oldsymbol{l}_N &= l oldsymbol{a}_{ ext{z}} \end{aligned}$$

اور يول

(5.21) 
$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N}$$

$$= -\omega r B l(\mathbf{a}_{\theta} \times \mathbf{a}_{r}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= -\omega r B l(-\mathbf{a}_{z}) \cdot \mathbf{a}_{z}$$

$$= \omega r B l$$

شالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت میں گئی ہے۔اس مساوات میں برقی دباؤ  $a_z$  مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سرا $a_z$  کی سمت میں ہے بینی اس کا اوپر والا سرا مثبت اور نجلا سرا منفی ہے۔یوں اگر اس برقی تار میں برقی رو گزر سکے تو اس کی سمت  $a_z$  بعنی صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب ہوگی جے شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دو برقی تار مل کر ایک چکر کا لچھا بناتے ہیں۔ ان دونوں کے نچلے سرے سلسلہ وار جڑے ہیں جو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس کچھے کے اوپر نظر آنے والے سروں پر کل پر تی دباؤ e ان دو برقی تاروں میں پیدا برقی دباؤ کا مجموعہ ہو گا یعنی

(5.22) 
$$e = 2rlB\omega$$
$$= AB\omega$$

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔ اگر ایک چکر سے اتنی برقی دباؤ حاصل ہوتی ہے تو N

(5.23) 
$$e = \omega NAB$$
$$= 2\pi f NAB$$
$$= 2\pi f N\phi$$

حاصل ہو گا۔

گومتی آلوں میں خلائی درز میں B اور v ہر لمحہ عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.17 سے ظاہر ہے کہ اگر گھوشنے کی رفتار اور محوری لمبائی معین ہوں تو پیدا کردہ برتی دباؤ ہر لمحہ B کے براہ راست متناسب ہو گا۔لہذا اگر خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ B تبدیل ہو تو گھومتے کچھے میں پیدا برتی دباؤ بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔یوں جس شکل کی برقی دباؤ صل کرنی ہو گی۔اگر سائن نما برتی دباؤ کی برتی دباؤ صل کرنی ہو گی۔اگر سائن نما برتی دباؤ سیدا کرنی مقصد ہو تو خلائی درز میں پیدا کرنی ہوگی۔

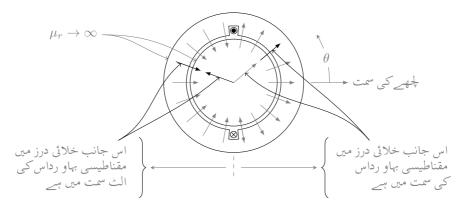
ا کلے جھے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گا۔

# 5.4 تھیلے کچھے اور سائن نمامقناطیسی دباؤ

ہم نے اب تک جتنے مثین دیکھے ان سب میں گیجہ <sup>25</sup> کچھے دکھائے گئے۔ مزید یہ کہ ان آلوں میں گھومتے جھے پہ موجود متناطیس کے اُبھرمے قطب<sup>26</sup> تھے۔ در حقیقت آلول کے عموماً بھوار قطب<sup>27</sup> ہوتے ہیں اور ان میں پھیلے

non-distributed coils<sup>25</sup>

 $<sup>\</sup>begin{array}{c} {\rm salient~poles^{26}} \\ {\rm non\text{-}salient~poles^{27}} \end{array}$ 



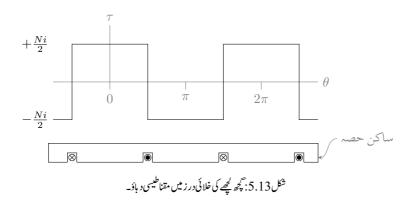
شکل 5.12: ساکن لچھا گچھ کی شکل میں ہے۔

جھے 28 پائے جاتے ہیں۔ ایبا کرنے سے ہم ساکن اور گھومتے حصوں کے در میان خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی د باؤ اور سائن نما کثافت مقناطیسی بہاو پیدا کر سکتے ہیں۔

شکل 5.12 میں ایک لچھا گچھ کی شکل کا دکھایا گیا ہے۔اس کے گھومنے والا حصہ گول شکل کا ہے اور اس کا  $\mu_r \to \infty$  کے مقناطیسی دباؤ  $\nu_r \to \infty$  ہے۔ سے مقناطیسی دباؤ ، مقناطیسی دباؤ ، مقناطیسی بہاو  $\nu_r \to \infty$  کہ مقناطیسی بہاو کو جنم دیتا ہے جس کو ہلکی سیابی کی لکیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی بہاو کو کچھے کے گرد ایک چکر کا شخے ظائی درز میں سے دو مرتبہ گزرنا پڑتا ہے۔ لہذا

یوں ساکن کچھے کا آدھا مقناطیسی دہاؤ ایک خلائی درز اور آدھا دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاو پیدا کرتا ہے۔ مزید ہیہ کہ خلائی درز میں کہیں پہ مقناطیسی دہاؤ ( اور مقناطیسی بہاو )، رداس  $^{29}$  کی سمت میں ہیں اور کہیں پہ خلائی درز میں مقناطیسی دہاؤ ( اور مقناطیسی بہاو )، رداس کی اُلٹی سمت میں ہیں۔ اگر ہم رداس کی سمت کو مثبت لیں تو مقناطیسی بہاو ( اور مقناطیسی دہاؤ ) ہو ہے  $\frac{\pi}{2} > \theta > \frac{\pi}{2} = 2$  در میان رداس ہی کی سمت میں ہیں لہذا یہاں ہیہ منفی ہیں۔ ایسا ہی شکل 5.13 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں خلائی درز میں مقناطیسی دہاؤ کو زاویہ کے ساتھ گراف کیا گیا ہے۔ ج

distributed winding<sup>28</sup> radius<sup>29</sup>



ے در میان خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ  $au_a$  کیجھ کے مقناطیسی دباؤ au کا آدھا ہے اور اس کی سمت مثبت ہے جبکہ  $rac{\pi}{2}$  کی در میان خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ کچھ کے مقناطیسی دباؤ کے آدھا ہے اور اس کی سمت منفی ہے۔ یاد رہے کہ مقناطیسی دباؤ کی سمت کا تعین رداس کی سمت سے کیا جاتا ہے۔

#### 5.4.1 بدلتی رووالے مشین

برلتی رو (اے سی) مشین بناتے وقت یہ کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما ہو۔اییا کرنے کی خاطر کچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔اس سے سائن نما مقناطیسی دباؤ کیسے حاصل ہوتی ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

فوریئر تسلسل 30 کے تحت ہم کسی بھی تفاعل 31 
$$f(\theta_p)$$
 کا لیوں لکھ سکتے ہیں۔ 
$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$
 (5.25)

Fourier series<sup>30</sup> function<sup>31</sup>

اگر اس تفاعل کا دوری عرصه  $T^{32}$  ہو تب

(5.26) 
$$a_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) d\theta_p$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \cos n\theta_p d\theta_p$$
$$b_n = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\theta_p) \sin n\theta_p d\theta_p$$

کے برابر ہوں گے۔

مثال 5.2: شکل 5.13 میں دیئے گئے مقناطیسی دباؤ کا

- فوريئر شلسل حاصل كريں۔
- تيسري موسيقائي جز <sup>33</sup> اور بنيادي جز <sup>34</sup> کي نسبت معلوم کريں۔

حل:

• مساوات 5.26 کی مدد سے

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \left( \frac{Ni}{2} \right) d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} \left( -\frac{Ni}{2} \right) d\theta_p \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[ \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( -\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \left( \frac{Ni}{2} \right) \left( \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} \right) + \left( -\frac{Ni}{2} \right) \left( \pi - \frac{\pi}{2} \right) \right]$$

$$= 0$$

time period<sup>32</sup> third harmonic component<sup>33</sup> fundamental component<sup>34</sup>

اسی طرح

$$a_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\cos n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ -\frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} - \frac{\sin n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= \frac{Ni}{2n\pi} \left[ \sin \frac{n\pi}{2} + 2\sin \frac{n\pi}{2} + \sin \frac{n\pi}{2} \right]$$

$$= \left( \frac{4}{n\pi} \right) \left( \frac{Ni}{2} \right) \sin \frac{n\pi}{2}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین وغیرہ کے لئے ملتا ہے

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right), \quad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{Ni}{2}\right)$$

$$a_2 = a_4 = a_6 = 0$$

اسی طرح

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \frac{Ni}{2} \left[ \int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin n\theta_p \, d\theta_p + \int_{\pi/2}^{\pi} -\sin n\theta_p \, d\theta_p \right]$$

$$= \frac{Ni}{2\pi} \left[ \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{-\pi/2}^{\pi/2} + \frac{\cos n\theta_p}{n} \Big|_{\pi/2}^{\pi} \right]$$

$$= 0$$

ان جوامات سے

$$\left|\frac{a_3}{a_1}\right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)}{\left(\frac{4}{\pi}\right)\left(\frac{Ni}{2}\right)} = \frac{1}{3}$$

حاصل ہوتا ہے۔للذا تیسری موسیقائی جزو بنیادی جزو کے تیسرے جھے یعنی 33.33 فی صد کے برابر ہے۔

مثال 5.2 میں حاصل کئے گئے  $a_1, a_2, \cdots$  استعال کرتے ہوئے ہم خلائی درز میں مقاطیسی دباؤ $\tau$  کا فوریئر سلسل یوں کھھ سکتے ہیں۔

(5.27) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p - \frac{4}{3\pi} \frac{Ni}{2} \cos 3\theta_p + \frac{4}{5\pi} \frac{Ni}{2} \cos 5\theta_p + \cdots$$

مثال 5.2 سے ظاہر ہے کہ مقناطیسی دباؤ کے موسیقائی اجزاء کی قیمتیں اتنی کم نہیں کہ انہیں رد کیا جا سکے۔ جیسا آپ اس باب میں آگے دیکھیں گے کہ حقیقت میں استعال ہونے والے مقناطیسی دباؤ میں موسیقائی اجزاء قابل نظر انداز ہوں گے اور ہمیں صرف بنیادی جزو سے غرض ہو گا۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے ہم شلسل کے موسیقائی اجزاء کو نظر انداز کرتے ہوئے اسی مساوات کو یوں لکھتے ہیں۔

(5.28) 
$$\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p$$

جہاں

$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

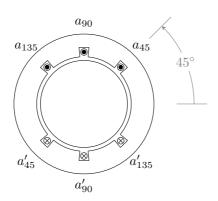
ے برابر ہے۔ اس مساوات سے ہم دیکھتے ہیں کہ شکل 5.12 میں کچھ سے حاصل مقاطیتی دباؤ بالکل اس طرح ہے جیسے شکل 5.2 میں سلاخ نما مقناطیس صفر زاویہ پر رکھے حالت میں دیتا۔ اگر یہاں یہ لچھا کسی ایسے زاویہ پر رکھا گیا ہوتا کہ اس سے حاصل مقناطیسی دباؤ زاویہ  $\theta_m$  پر زیادہ سے زیادہ ہوتا تو یہ بالکل شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کی طرح کا ہوتا۔ شکل میں لچھا a کے لئے لکھ طرح کا ہوتا۔ شکل میں لچھا a کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

(5.30) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos \theta_{p_a} \\ \theta_{p_a} &= \theta - \theta_{m_a} = \theta - 0^{\circ} \\ \tau_a &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_m) = \tau_0 \cos \theta \end{aligned}$$

اسی طرح کچھا b اور c کے چونکہ  $\theta_{m_b}=120^\circ$  اور  $\theta_{m_b}=120^\circ$  البذا ان کے لئے ہم ککھ سکتے ہیں۔

(5.31) 
$$\begin{aligned} \tau_b &= \tau_0 \cos \theta_{p_b} \\ \theta_{p_b} &= \theta - \theta_{m_b} = \theta - 120^\circ \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_b}) = \tau_0 \cos(\theta - 120^\circ) \end{aligned}$$

(5.32) 
$$\begin{aligned} \tau_c &= \tau_0 \cos \theta_{p_c} \\ \theta_{p_c} &= \theta - \theta_{m_c} = \theta - 240^\circ \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(\theta - \theta_{m_c}) = \tau_0 \cos(\theta - 240^\circ) \end{aligned}$$



شكل 5.14: كيبيلا ليجهابه

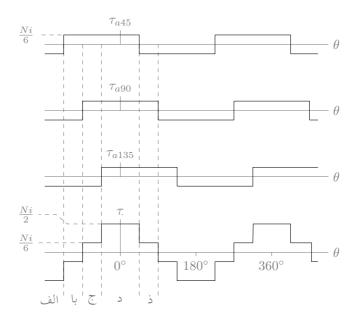
ا گرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما ہر گزنہیں لگتا لیکن مساوات 5.27 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض آئکھوں کا دھوکہ ہے۔ اس مقناطیسی دباؤ کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اب اگر ہم کسی طرح مساوات 5.27 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی سب رکن کو صفر کر سکیں تو ہم بالکل سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل کر سکتے ہیں۔

شکل 5.14 میں تقسیم شدہ کچھا دکھایا گیا ہے۔ یہاں شکل 5.12 میں دکھائے گئے N چکر کے کچھے کو تین حجووٹ کیسال کچھوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ لہٰذا ان میں ہر حجوثا کچھا کھوں کا ہے۔ ایسے حجوث کچھوں کو سلسلہ وار جوڑا  $\frac{8}{3}$  جاتا ہے اور یوں ان میں یکسال برقی رو i گزرے گی۔ ان تین کچھوں کو تین مختلف شگافوں میں رکھا گیا ہے۔ پہلے کچھے کو شگاف  $a_{135}$  کو شگاف  $a_{45}$  میں اور تیسرے کچھے کو شگاف  $a_{90}$  اور  $a_{90}'$  میں اور تیسرے کچھے کو شگاف  $a_{135}$  میں رکھا گیا ہے۔

شگافوں کے ایک جوڑے کو ایک ہی طرح کے نام دیے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو a اور دوسرے کو a نام دیا گیا ہے۔ یوں شگافوں کا پہلے جوڑا  $a_{45}$  اور  $a_{45}$  اور  $a_{45}$  ہے۔ a شگافوں کے نام ان کے زاویوں کی نسبت سے رکھے گئے ہیں۔ لہذا شگاف  $a_{45}$  در حقیقت  $a_{50}$  زاویہ پر ہے، شگاف  $a_{90}$  نوے درجہ زاویہ پر اور شگاف  $a_{135}$  ایک سو پینتیس درجہ زاویہ پر ہے۔

چونکہ ہر کچھا  $\frac{N}{8}$  چکر کا ہے اور ان سب میں یکسال برقی روi ہے، للذا شکل 5.14 میں دیئے گئے پھیلے کچھے سے حاصل مقناطیسی دباؤ کا زاویہ کے ساتھ گراف شکل 5.15 کے نچلے گراف کی طرح ہو گا۔اس شکل میں سب سے اُوپر کچھا کچھا کے مقناطیسی دباؤ کا گراف ہے۔ یہ بالکل شکل 5.13 میں دیئے گراف کی طرح ہے البتہ یہ صفر زاویہ سے کچھا  $a_{45}$ 

 $<sup>{\</sup>it series connected}^{35}$ 



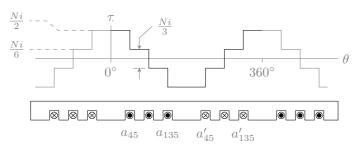
شكل 5.15: يھيلے لچھے كى كل مقناطيسى دباؤ۔

 $a_{135}$  کے جا کہ اس سے نیجے کچھا  $a_{90}$  کا ہے جو ہو بہو شکل کی طرح ہے جبکہ اس سے نیجے کچھا  $a_{135}$  کا گراف ہے جو صفر زاویہ سے  $a_{90}$  ہٹ کر ہے۔ان تینوں گرافوں میں طول  $a_{90}$  ہے۔

ان تینوں گرافوں سے کل مقناطیسی د باؤکا گراف یوں حاصل ہوتا ہے۔ اس شکل میں عمودی نقطہ دار کیبریں لگائی گئی ہیں۔ بائیں جانب پہلی کیبر کی بائیں طرف علاقے کو الف کہا گیا ہے۔ اس علاقے میں پہلے تینوں گرافوں کی مقدار  $\frac{N_i}{6}$  ہے لہٰذا ان کا مجموعہ  $\frac{N_i}{6}$  ہو گا۔ یہی سب سے نچلے کل مقناطیسی د باؤکی گراف میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح علاقہ ب میں پہلے گراف کی مقدار  $\frac{N_i}{6}$  ہ ، دوسری گراف کی گراف کی بھی  $\frac{N_i}{6}$  ہے۔ ان کا مجموعہ  $\frac{N_i}{6}$  ہو نظمی د باؤ ہے۔ علاقہ ج مقدار سے بین جن کا مجموعہ  $\frac{N_i}{6}$  ہی خارجہ ہیں د کھایا گیا ہے۔ اس طرح آب یورا گراف بنا سکتے ہیں۔ کلے مقناطیسی د باؤ ہے جو سب سے نچلے گراف میں د کھایا گیا ہے۔ اس طرح آب یورا گراف بنا سکتے ہیں۔

شكل 5.15 كے نچلے گراف كو شكل 5.16 ميں دوبارہ دكھايا گيا ہے۔

شکل 5.16 کا اگر شکل 5.15 کے ساتھ نقابل کیا جائے تو محض دیکھنے سے بھی یہ ظاہر ہے کہ شکل 5.16 زیادہ سائن نما موج کے نوعیت کا ہے۔ ہمیں فور بیر تسلسل حل کرنے سے بھی یہی متیجہ ملتا ہے۔ہم دیکھ سکتے ہیں کہ



شكل 5.16: تھلے لیھے كامقناطیسی د باؤ۔

شگافوں کی جگہ اور ان میں لچھوں کے چکر کو یوں رکھا جا سکتا ہے کہ ان سے پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ سائن نما کے زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

چو کہ چیلے کچھ کے مختلف جھے ایک ہی زاویہ پہ مقناطیسی دباؤ نہیں بناتے لہذا ان سے حاصل کل مقناطیسی دباؤ کا حیطہ ایک گچھ کچھے کے حیطہ سے قدر کم ہوتا ہے۔اس اثر کو مساوات 5.29 میں جزو  $k_w$  کے ذریعہ یوں ظاہر کیا جاتا ہے۔

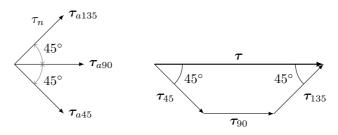
(5.33) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta$$

اس مساوات میں  $k_w$  کو جزو پھیلاو $^{36}$  کہتے ہیں۔ یہ اکائی سے قدرِ کم ہوتا ہے لیعنی  $0 < k_w < 1$ 

مثال 5.3: شکل 5.14 میں دینے گئے تھیلے کچھے کے لئے  $k_w$  معلوم کریں۔

حل: شکل 5.17 سے رجوع کریں۔ یہ تین چھوٹے لچھے برابر مقاطیعی دباؤ  $\frac{4}{\pi} \frac{ni}{2}$  پیدا کرتے ہیں، البتہ ان کی سمتیں مختلف ہیں۔ یہاں چونکہ ایک لچھا  $\frac{N}{3}$  چکر کا ہے لہذا  $n=\frac{N}{3}$  ہے۔ ہم ان سمتیوں کو جمع کر کے ان کا

winding factor<sup>36</sup>



شكل5.17: تھيلے لچھے كاجزو پھيلاو۔

مجموعی مقناطیسی دباؤ $_{ au}$  معلوم کرتے ہیں۔

$$\tau_a = \tau_n \cos 45^\circ + \tau_n + \tau_n \cos 45^\circ$$
$$= 2.4142\tau_n$$

لعنى

$$\tau_a = 2.4142 \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} = \frac{2.4142}{3} \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} = 0.8047 \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}$$

للذا 0.8047 کے برابر ہے۔

مثال 5.4: ایک تین دور 50 ہرٹز پر چلنے والا ستارہ نما جڑے جزیٹر کو 3000 چکر ٹی منٹ کی رفتار سے چلایا جارہا  $k_{w,q}=0.833$  جبہ پندرہ چکر تو کی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 جبہ پندرہ چکر تو کی کچھے کا جزو پھیلاو 0.833 جبہ پندرہ چکر تو کی لیجھے کا جزو پھیلاو 0.7495 ہیں۔ مشین کا رداس 0.7495 میٹر اور اس کی لمبائی  $l_k=0.04$  میٹر ہیں۔ خلائی درز  $l_k=0.04$  میٹر ہے۔اگر اس کے میدانی کچھے میں 1000 ایمپیئر برتی رو ہے تو معلوم کریں

- میدانی مقناطیسی دباؤ کی زیادہ سے زیادہ مقدار۔
  - خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاو۔

عل:

$$\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$$

 $\tau_0 = k_{w,m} \frac{4}{\pi} \frac{N_m i_m}{2} = 0.9 \times \frac{4}{\pi} \times \frac{30 \times 1000}{2} = 17\,186\,\text{A} \cdot \text{turns/m}$ 

$$B_0 = \mu_0 H_0 = \mu_0 \frac{\tau_0}{l_k} = 4\pi 10^{-7} \times \frac{17186}{0.04} = 0.54 \,\mathrm{T}$$

 $\phi_0 = 2B_0 lr = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \,\text{Wb}$ 

$$\begin{split} E_{rms} &= 4.44 f k_{w,q} N_q \phi_0 \\ &= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915 \\ &= 6349.85 \, \mathrm{V} \end{split}$$

للذا ساره جڑی جزیٹر کی تار کی برقی دباؤ

$$\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11\,000\,\mathrm{V}$$

ہو گی۔

جیسا پہلے ذکر ہوا ہم چاہتے ہیں کہ سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل کر سکیں۔ چھوٹے کچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہ یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ نیادی مقصد پورا ہو۔ شکل 5.16 میں ہم دیکھتے ہیں کہ صفر زاویہ کی دونوں جانب مقناطیسی دباؤ کی موج کیساں طور پر گھٹی یا بڑھتی ہے۔ یعنی جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباؤ آگ گھٹ جاتی ہے۔ اس طرح جمع اور منفی نوے زاویہ پر یہ کیسال طور پر مزید گھٹی ہے، وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

جھوٹے کچھوں کے چکر اور شکافوں کی جگہوں کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فوریئر تسلسل میں موسیقائی جزو کم سے کم اور اس میں بنیادی جزو زیادہ سے زیادہ رکھے جاتے ہیں۔

ساکن کچھوں کی طرح حرکت کرتے کچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے کچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تا کہ سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل ہو۔

# 5.5 مقناطيسي دياؤ كي گھومتي موجيس

گھومتے آلوں میں کچھوں کو برقی دباؤ دیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ یہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

# 5.5.1 ایک دورکی لیٹی مشین

مساوات 5.33 میں ایک کھھے کی مقناطیسی دباؤیوں دی گئی ہے۔

$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta$$

ا گراس کچھے میں مقناطیسی بہاو بھی سائن نما ہو یعنی

$$(5.36) i_a = I_0 \cos \omega t$$

ڗ

(5.37) 
$$\tau_a = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2} \cos \theta \cos \omega t = \tau_0 \cos \theta \cos \omega t$$

ہو گا جہاں

(5.38) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

ے برابر ہے۔ مساوات 5.37 کہتا ہے کہ یہ مقناطیسی دباؤ زاویہ  $\theta$  اور لمحہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مندرجہ ذیل قلیہ سے دو گروں میں توڑ سکتے ہیں۔

$$\cos\alpha\cos\beta = \frac{\cos(\alpha+\beta) + \cos(\alpha-\beta)}{2}$$

للذا

(5.39) 
$$\tau_a = \tau_0 \left[ \frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau_a^- + \tau_a^+$$

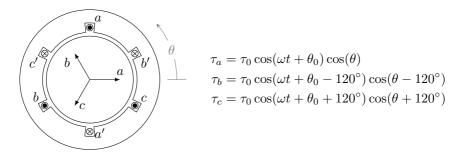
لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

(5.40) 
$$\tau_a^- = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta + \omega t)$$

(5.41) 
$$\tau_a^+ = \frac{\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega t)$$

ہیں۔اس مساوات سے بیہ بات سامنے آتی ہے کہ در حقیقت بیہ مقناطیسی دباؤ دو اُلٹ سمتوں میں گھومنے والے مقناطیسی دباؤ کی موجیں ہیں۔ اس کا پہلا جزو $\tau_a^-$  زاویہ  $\theta$  گھنے کی جانب گھومتا ہے لین گھڑی کی سمت میں اور اس کا دوسرا جزو  $\tau_a^+$  گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتا ہے لین بید زاویہ بڑھنے کی جانب گھومتا ہے۔

ایک دورکی لیٹی آلوں میں یہ کوشش کی جاتی ہے کہ ان دو گھومتے مقناطیسی دباؤ میں سے ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کیا جائے۔ اس طرح کرنے سے ایک ہے سمت میں کل مقناطیسی دباؤ گھومتا ملتا ہے جو بالکل اسی طرح کا ہوتا ہے جیسے ایک مقناطیس گھمایا جا رہا ہو۔ تین دور کے آلوں میں یہ کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔



شكل 5.18: تين دوركي لپڻي مشين ـ

# 5.5.2 تين دور کي لپڻي مشين کا تحليلي تجزيه

شکل 5.18 میں تین دور کی کیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔مساوات 5.30 ، 5.31 اور 5.32 میں ایسے تین کچھوں کی فوریئر تسلسل کی بنیادی جزو دیئے گئے ہیں جو کے یہ ہیں۔

(5.42) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} i_{a}}{2} \cos \theta$$
$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} i_{b}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ})$$
$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} i_{c}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ})$$

اگران تین کچھوں میں تین دوری برقی رو ہو یعنی

(5.43) 
$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \alpha)$$
$$i_b = I_0 \cos(\omega t + \alpha - 120^\circ)$$
$$i_c = I_0 \cos(\omega t + \alpha + 120^\circ)$$

تو بالكل مساوات 5.37 كي طرح بهم مساوات 5.43 كي مدد سے مساوات 5.42 كو يوں لكھ سكتے ہيں۔

(5.44) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} \cos \theta \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} \cos(\theta - 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha - 120^{\circ})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} \cos(\theta + 120^{\circ}) \cos(\omega t + \alpha + 120^{\circ})$$

اگر

$$N_a = N_b = N_c = N$$

ہو تو انہیں

(5.45) 
$$\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$
$$\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left[ \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta - \omega t - \alpha) \right]$$

لكھ سكتے ہيں جہاں

(5.46) 
$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{NI_0}{2}$$

ہے۔ کل مقناطیسی دباؤ au ان سب کا مجموعہ ہو گا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم ثابت کرتے ہیں کہ

$$\cos \gamma + \cos(\gamma - 240^{\circ}) + \cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$

کے برابر ہے۔ ہمیں معلوم ہے کہ

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

اگر ہم 
$$lpha=\gamma$$
 اور  $eta=240^\circ$  کیں تو

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} - \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$
$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = \cos\gamma\cos 240^{\circ} + \sin\gamma\sin 240^{\circ}$$

اللذا
$$\sin 240^\circ = -rac{\sqrt{3}}{2}$$
 اور  $\cos 240^\circ = -rac{1}{2}$  للذا

$$\cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

$$\cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}\cos\gamma - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\gamma$$

اب اس مساوات کو اگر ہم  $\cos \gamma$  کے ساتھ جمع کریں تو جواب صفر ملتا ہے، لیعنی

$$\cos \gamma + \cos(\gamma + 240^{\circ}) + \cos(\gamma - 240^{\circ}) = 0$$

ے لئے اس مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں۔ 
$$\gamma= heta+\omega t+lpha$$

(5.47) 
$$\cos(\theta + \omega t + \alpha) + \cos(\theta + \omega t + \alpha + 240^{\circ}) + \cos(\theta + \omega t + \alpha - 240^{\circ}) = 0$$

اب ہم اگر مساوات 5.45 میں دیے  $au_b$  ،  $au_c$  اور  $au_c$  کو جمع کریں اور ان میں مساوات 5.47 کا استعال کریں تو ملتا ہے

(5.48) 
$$\tau^{+} = \tau_{a} + \tau_{b} + \tau_{c} = \frac{3\tau_{0}}{2}\cos(\theta - \omega t - \alpha)$$

مساوات 5.48 کہتا ہے کہ کل مقناطیسی دباؤکا حیطہ کسی ایک کچھے کے مقناطیسی دباؤکے حیطہ کے  $\frac{3}{2}$  گنا ہے۔ مزید بیہ کہ بیہ مقناطیسی دباؤکی موج گھڑی کی اُلٹی سمت گھوم رہی ہے۔ لہذا تین کچھوں کو °120 زاوبیہ پر رکھنے اور انہیں تین دور کی برقی رو، جو آپس میں °120 پر ہوں، سے بیجان کرنے سے ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ اگر کوئی دو برقی رو آپس میں تبدیل کئے جائیں تو مقناطیسی موج کے گھومنے کی سمت تبدیل ہو جاتی ہے۔ یہاں اس ہوجاتی ہے۔ یہ مثال میں واضح کیا گیا ہے۔

اب ہم و کھتے ہیں کہ مساوات 5.48 ایک گھومتے موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہمیں اس موج کی چوٹی کو دیکھنا ہو گا۔ ہم اپنی آسانی کے لئے  $\alpha$  کو صفر لیتے ہیں۔ اس مثال میں ہم برتی رو کی تعدد  $50 \, \mathrm{Hz}$  ہیں۔ اس موج کی چوٹی کو دیفظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے اس موج کی چوٹی و د نظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے کہ  $\cos(\alpha)$  کی خوٹی و در نظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے کہ  $\cos(\alpha)$  کی زیادہ سے زیادہ مقدار ایک کے برابر ہے لینی اس کی چوٹی ایک کے برابر ہے اور یہ اس مقام پر پائی جاتی ہمیں  $\alpha$  صفر کے برابر ہو لینی جب  $\alpha$  جہاں  $\alpha$  صفر کے برابر ہو لینی جب  $\alpha$  کی جب کی جہاں ہو گی جہاں  $\alpha$  صفر کے برابر ہو گئی وہیں ہو گی جہاں  $\alpha$  صفر کے برابر ہو لینی و گئی وہیں ہو گی جہاں  $\alpha$  صفر کے برابر ہو لینی و گئی وہیں ہو گی جہاں رہے کی جب کے برابر ہو لینی و گئی وہیں ہو گی جہاں رہے کی جب کے برابر ہو لینی و گئی وہیں ہو گی جہاں رہے کی جب کی جب کے برابر ہو گئے۔

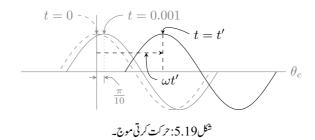
ابِ ابتذائی کچہ لیعنی 
$$t=0$$
 پر وہ  $\cos(\theta-\omega t)$  پر وہ گی۔ اس کو حل کرتے ہیں۔  $\theta-\omega t=0$   $\theta-\omega t=0$   $\theta-\omega t=0$   $\theta-\omega t=0$   $\theta=0$ 

ہم دیکھتے ہیں کہ موج کی چوٹی صفر برتی زاویہ پر ہے۔اسے شکل 5.19 میں ہلکی سیاہی میں نقطہ داو کلیر سے دکھایا گیا ہے۔ہم اس چوٹی کو کچھ وقفے کے بعد دوبارہ دیکھتے ہیں مثلاً t=0.001 سینڈ کے بعد۔

$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - \omega \times 0.001 = 0$$

$$\theta = 0.001\omega = 0.001 \times 2 \times \pi \times 50 = 0.3142 \,\mathrm{rad}$$



اب یہ چوٹی 0.3142 یا  $\frac{\pi}{10}$  برقی ریڈیئن لیخی °18 کے برقی زاویہ پر ہے۔اسے شکل میں ہلکی سابی کے شوس لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ یہ بات واضح ہے کہ مقناطیسی دباؤکی موج گھڑی کی اُلٹی سمت لیخی زاویہ بڑھنے کی سمت میں گھوم گئی ہے۔ اسی طرح 0.002 بریہ چوٹی °36 برقی زاویہ پر نظر آئے گی۔ کسی بھی لمحہ t پر بالکل اسی طرح چوٹی کا مقام معلوم کیا جا سکتا ہے جسے شکل میں تیز سابی کے ٹھوس لکیر سے دکھایا گیا ہے۔

$$\theta - \omega t' = 0$$
$$\theta = \omega t'$$

اس مساوات سے یہ واضح ہے کہ چوٹی کا مقام متعین کرنے والا زاویہ بتدر تکے بڑھتا رہتا ہے۔اس مساوات سے ہم ایک مکمل  $2\pi$  برتی زاویہ کے چکر کا وقت T حاصل کر سکتے ہیں یعنی

(5.49) 
$$t = \frac{\theta}{\omega}$$
 
$$T = \frac{2\pi}{2\pi f} = \frac{1}{f}$$

اگر برتی روکی تعدد 50 ہو تو یہ مقناطیسی دباؤکی موج ہر  $0.02 = \frac{1}{50}$  سینڈ میں ایک مکمل برتی چکر کا ٹتی ہے۔ ایک سینڈ میں 50 برتی چکر کا ٹتی ہے۔

اس مثال میں برقی زاویہ کی بات ہوتی رہی۔ دو قطب کی آلوں میں برقی زاویہ  $\theta_e$  اور میکانی زاویہ  $\theta_m$  برابر ہوتے ہیں۔ لہٰذا اگر دو قطب کی آلوں کی بات کی جائے تو مساوات 5.49 کے تحت ایک سیکنڈ میں مقناطیسی دباؤ کی موج f برقی یا میکانی چکر کاٹے گی جہال f برقی رو کی تعدد ہے اور اگر P قطب رکھنے والی آلوں کی بات کی جائے تو چونکہ

$$\theta_e = \frac{P}{2}\theta_m$$

للذا ایسے آلوں میں یہ مقاطیسی دباؤکی موح ایک سینڈ میں f مقاطیسی چکر یعنی  $\frac{2}{P}$  میکانی شکر کائے گ۔

ا گر ہم برقی رو کی تعدد کو  $f_e$  سے ظاہر کریں، مقناطیسی دباؤ کی موج کی چوٹی کے برقی زاویہ کو  $\theta_e$  اور اس کے میکانی زاویہ کو  $\theta_m$  سے ظاہر کریں اور اس طرح اسی مقناطیسی دباؤ کی موج کے گھومنے کی رفتار کو  $\omega_e$  یا  $\omega_m$  سے ظاہر کریں تو

(5.51) 
$$\omega_{m} = \frac{2}{P}\omega_{e} \quad \text{rad/s}$$

$$f_{m} = \frac{2}{P}f_{e} \quad \text{Hz}$$

$$n = \frac{120f_{e}}{P} \quad \text{rpm}$$

 $\omega_e$  اس موج کی معاصر رفتار برقی زاویہ فی سینڈ میں ہے جبکہ  $\omega_e$  یہی معاصر رفتار میکانی زاویہ فی سینڈ میں ہے۔ای طرح  $\omega_e$  اس موج کی برقی معاصر رفتار برقی ہرٹز میں اور  $\omega_e$  اس کی میکانی معاصر رفتار  $\omega_e$  میکانی ہرٹز میں ہے۔برقی معاصر رفتار  $\omega_e$  ہرٹز ہونے کا مطلب ہے ہے کہ ایک سینڈ میں یہ موج  $\omega_e$  برقی چکر کا فاصلہ طے کرے گی جہاں ایک برقی چکر دو قطب کا فاصلہ لیخی  $\omega_e$  ریڈی کا زاویہ ہے۔ای طرح میکانی معاصر رفتار  $\omega_e$  ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ یہ موج ایک سینڈ میں ایک چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ایک میکانی چکر عام زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میں  $\omega_e$  میکانی چکر کی مساوات ہے۔

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ ہم q دور کی لپٹی مثین جس کے کچھے برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں q دور کی برقی رو ہو، ایک ہی سمت میں گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج کو جنم دیتی ہے جیسے ہم نے تین دور کی مثین کے لئے دیکھا۔ مزید ہے کہ اس موج کا حیطہ کسی ایک کچھے سے پیدا مقناطیسی دباؤکے حیطہ کے  $\frac{q}{2}$  گنا ہوگا اور اس کے گھومنے کی رفتار  $\omega_e = 2\pi f$  برقی ریڈیئن فی سکینڈ ہوگی۔

# 5.5.3 تين دور کي ليڻي مثين کاتر سيمي تجزيه

a شکل 5.18 میں تین دور کی لیٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس میں مثبت برقی رو کی سمتیں بھی دکھائی گئی ہیں، مثلاً a

synchronous speed<sup>37</sup> rpm, rounds per minute<sup>38</sup>

شگاف میں برقی دباؤ صفحہ سے عمودی سمت میں اندرکی جانب کو ہے اور یہ بات صلیب کے نشان سے واضح کی گئی ہے۔ اگر برقی رو مثبت ہو تو اس کی یہی سمت ہو گی اور اس سے پیدا مقناطیسی دباؤ ہے صفر زاویہ کی جانب ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جا سی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ لیجھے میں برقی رو منفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برقی رو اُلٹ سمت میں ہے۔ یعنی اب برقی رو منفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برقی رو اُلٹ سمت میں ہم کی جانب شگاف میں صفحہ کے عمودی سمت میں اندرکی جانب ہے اور 'ہ شگاف میں یہ صفحہ کے عمودی سمت میں باہرکی جانب کو ہے۔ لہذا اس برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ بھی پہلے سے اُلٹ سمت میں ہو گی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے ہے کے بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی ۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر سے بات واضح ہو جائے کہ برقی رو کے منفی بلکل اُلٹ سمت میں ہو گا۔ اس تذکرہ کا بنیادی مقصد سے تھا کہ آپ پر سے بات واضح ہو جائے کہ برقی رو کے منفی بونے سے اس سے پیدا مقناطیسی دباؤ کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔

اس شكل مين لچھوں ميں برقی رو اور مقناطيسي دباؤيه بين

$$i_a = I_0 \cos \omega t$$

$$i_b = I_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$i_c = I_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

(5.53) 
$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos \omega t = \tau_{0} \cos \omega t$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t - 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t - 120^{\circ})$$

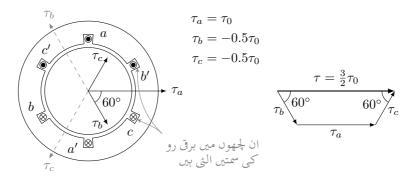
$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{Ni_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{NI_{0}}{2} \cos(\omega t + 120^{\circ}) = \tau_{0} \cos(\omega t + 120^{\circ})$$

جبکہ ان کے مثبت سمتیں شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اب ہم مختلف او قات پر ان مقداروں کا حساب لگاتے ہیں اور ان کا کل مجموعی مقناطیسی دباؤ حل کرتے ہیں۔

t=0 ہے۔ t=0 ہے۔

(5.54) 
$$i_a = I_0 \cos 0 = I_0$$
 
$$i_b = I_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5I_0$$
 
$$i_c = I_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5I_0$$

(5.55) 
$$\begin{aligned} \tau_a &= \tau_0 \cos 0 = \tau_0 \\ \tau_b &= \tau_0 \cos(0 - 120^\circ) = -0.5\tau_0 \\ \tau_c &= \tau_0 \cos(0 + 120^\circ) = -0.5\tau_0 \end{aligned}$$



شكل5.20: لمحه $t_0=0$ ير برقى رواور مقناطيسى د باؤــ

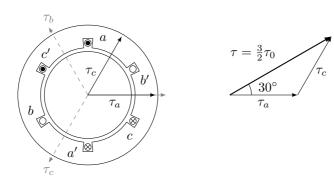
 $i_c$  یہاں رکھ کر ذرا غور کریں۔اس لمحہ پر  $i_a$  مثبت ہے جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  منفی ہیں۔ للذا  $i_a$  اس ست میں ہے جو شکل  $i_c$  میں a میں a اور a' شکا فوں میں نقطے اور صلیب سے دکھائے گئے ہیں جبکہ  $i_b$  اور  $i_c$  شکل میں دیئے گئے ستوں کے اُلٹ ہیں۔ ان تینوں برقی روکی اس لمحہ پر درست سمتیں شکل a' میں دکھائی گئی ہیں۔اس شکل میں تینوں مقناطیسی دباؤ بھی دکھائے گئے ہیں۔

کل مقناطیسی دباؤ با آسانی بذریعہ گراف، جمع سمتیات سے معلوم کیا جا سکتا ہے یا پھر الجبرا کے ذریعہ ایسا کیا جا سکتا ہے۔

(5.56) 
$$\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_a &= \tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \\ \boldsymbol{\tau}_b &= 0.5\tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} - \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \\ \boldsymbol{\tau}_c &= 0.5\tau_0 \left[ \cos(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin(60^\circ) \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \right] \end{aligned}$$

(5.57) 
$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2}\tau_0 \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}$$

کل مقناطیسی دباؤ ایک کچھے کے مقناطیسی دباؤ کے ڈیڑھ گنا ہے اور یہ صفر زاویہ پر ہے۔ اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ کھے بعد  $t_1$  پر دوبارہ یہی سب حساب لگاتے ہیں۔ چونکہ مساوات 5.52 اور مساوات 5.53 میں متغیرہ t میں اور کچھ کھے بعد  $t_1$  کو بول چنتے ہیں کہ  $\omega t_1 = 30^\circ$  کی استعمال زیادہ آسان ہے لہذا ہم کھے  $t_1$  کو بول چنتے ہیں کہ  $\omega t_1 = 30^\circ$  کی استعمال زیادہ آسان ہے لہذا ہم کھے  $t_1$  کو بول چنتے ہیں کہ



شكل 5.21:لحه $\omega t_1 = 30^\circ$  لحي $\omega t_1 = 30^\circ$ 

سے ہمیں یہ دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے۔

(5.58) 
$$i_a = I_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

$$i_b = I_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$

$$i_c = I_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_0$$

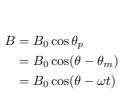
(5.59) 
$$\tau_a = \tau_0 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$
$$\tau_b = \tau_0 \cos(30^\circ - 120^\circ) = 0$$
$$\tau_c = \tau_0 \cos(30^\circ + 120^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_0$$

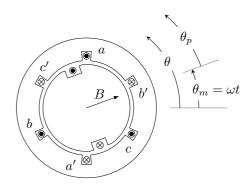
یہ شکل 5.21 میں دکھایا گیا ہے۔کل مقناطیسی دباؤ کا طول au کو تکون کے ذریعہ یوں حل کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح اس کا زاویہ بھی اسی سے حاصل ہوتا ہے۔ یعنی

(5.60) 
$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a\tau_c\cos 120^\circ} = \frac{3}{2}\tau_0$$

اور چونکہ اس تکون کے دو اطراف برابر ہیں للذااس کے باقی دو زاویہ بھی برابر اور °30 ہیں۔

ہم دیکھتے ہیں کہ کل مقناطیسی دباؤ جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب وہ °30 کے زاویہ پر ہے بینی وہ گھڑی کے اُلٹ سمت گھوم گیا ہے۔ اگر ہم اسی طرح ° $\omega t = 40$  پر دیکھیں تو ہمیں کل مقناطیسی دباؤ اب بھی  $\frac{3}{2}\tau_0$  ہی ملے گا البتہ اب یہ °45 کے زاویہ پر ہو گا۔ اگر کسی لمحہ جب ° $\omega t = 0$  کے برابر ہو یہ سارا حساب کیا جائے تو کل مقناطیسی دباؤ اب بھی  $\frac{3}{2}\tau_0$  ملے گا البتہ یہ ° $\omega t = 0$  زاویہ پر ہو گا۔ اس بھی  $\frac{3}{2}\tau_0$  ملے گا البتہ یہ ° $\omega t = 0$  کے زاویہ پر ہو گا۔





شکل5.22: بنیادی بدلتی روجنزیٹر۔

# 5.6 محرك برقى دباؤ

یہاں محرک برقی د باؤ <sup>39</sup> کو ایک اور زاویہ سے پیش کیا جاتا ہے۔

## 5.6.1 بدلتی روبر قی جزیٹر

شکل 5.22 میں ایک بنیادی بدلتی رو جنریٹر  $^{40}$  رکھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا برتی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباؤ پیدا ہوتی ہے، یعنی مقناطیسی دباؤ پیدا ہوتی ہے، یعنی

$$(5.61) B = B_0 \cos \theta_p$$

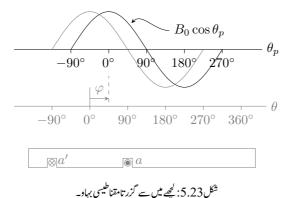
یہ مقناطیس  $\omega$  زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ یوں اگر ابتدائی لمحہ t=0 پریہ a کچھے کی سمت یعنی ہکئی سیاہی کی اُفقی کیسر میں ہو تو لمحہ t پریہ گھوم کر زاویہ  $\theta_m=\omega t$  پر ہو گا۔اس طرح یہی مساوات یوں بھی کھا جا سکتا ہے۔

(5.62) 
$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega t)$$

شکل 5.23 میں B کو زاویہ  $\theta$  اور  $\theta_p$  کے ساتھ گراف کیا گیا ہے۔ اس گراف میں کچھا a کھی دکھایا گیا ہے۔ اس شکل

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup> ہتداء میں حرکت سے پیدا ہونے والی بر تی د ہاؤ کو محرک بر تی د ہاؤ کہتے تھے۔اب دواتی طور پر کمی بھی طرح پیدا کرد و بر تی د ہاؤ کو محرک برتی د ہاؤ کہتے تیں۔ ac generator <sup>40</sup>

5.6. محسر ك برقى د باؤ



میں ہلکی سیائی سے لمحہ t=0 پر t=0 دکھایا گیا ہے جب گھومتے برقی مقناطیس کا محور اور اس کچھے کا محور ایک ہی سمت میں ہوتے ہیں جبکہ کالی سیائی میں اس t=0 کو کسی بھی لمحہ t پر دکھایا گیا ہے۔اس لمحہ پر برقی مقناطیس کے محور اور کچھے کے محور کے مابین t=0 زاویہ ہے۔ یہ زاویہ برقی مقناطیس کے گھومنے کی رفتار t=0 منجور ہے لینی

$$(5.63) \theta = \omega t$$

لحہ t=0 پر کچھے میں سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی بہاہ گزر رہی ہے۔ اگر خلائی درز بہت باریک ہو، تو اس کے اندر اور باہر جانب کے رداس تقریباً یکساں ہوں گے۔ برتی مقناطیس کے محور سے اس خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ اگر  $\rho$  ہو اور برتی مقناطیس کا دھرے  $\rho$  کی سمت میں محوری لمبائی  $\rho$  ہو تو اس کچھے میں وہی مقناطیسی بہاہ ہو گا جو اس خلائی درز میں  $\rho$  ما بین ہے۔ لحہ  $\rho$  کے ما بین ہے۔ لحہ  $\rho$  کے ما بین ہے۔ لحہ  $\rho$  کے ما بین ہے۔ لحہ والے معلوم کیا جا سکتا ہے

(5.64) 
$$\phi_a(0) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_0 \cos \theta_p) (l\rho \, d\theta_p)$$

$$= B_0 l\rho \sin \theta_p \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2B_0 l\rho$$

$$= \phi_0$$

 $\begin{array}{c} {\rm axle^{41}} \\ {\rm axial\ length^{42}} \end{array}$ 

جہاں آخر میں  $\phi_a(0)$  کو  $\phi_a(0)$  کہا گیا ہے۔ یہی حساب اگر لمحہ t پر کی جائے تو کچھ یوں ہو گا۔

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l\rho \, d\theta_{p})$$

$$= B_{0}l\rho \sin \theta_{p}|_{-\frac{\pi}{2} - \vartheta}^{+\frac{\pi}{2} - \vartheta}$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \vartheta$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

جہاں  $\theta = \omega t$  کیا ہے۔ اس مساوات کو یوں بھی حل کیا جا سکتا ہے

$$\phi_{a}(t) = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} (B_{0} \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_{0}l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= B_{0}l\rho \left[ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \omega t\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{2} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_{0}l\rho \cos \omega t$$

اس مرتبه تمل زاویہ 6 کے ساتھ کیا گیا ہے۔ انہیں مساوات 5.64 کی مدد سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\phi_a(t) = 2B_0 l \rho \cos \omega t = \phi_0 \cos \omega t$$

بالکل مساوات 5.66 کی طرح ہم d اور c کچھوں کے لئے بھی مقناطیسی بہاو کی مساوات 5.20 کی طرح ہم d اور d کچھوں کے لئے بھی مقناطیسی بہاو گزرتا ہے۔ اس لئے d معلوم کرنے کے لئے مساوات d میں d کی معلوم کرنے کے لئے مساوات d معلوم کرنے کے لئے مساوات d میں کمل کے حدود یہی رکھے گئے تھے۔ اسی شکل سے واضح ہے کہ d کچھے کے کمل کے حدود یہی رکھے گئے تھے۔ اسی شکل سے واضح ہے کہ d کچھے کے کمل کے حدود یہی رکھے گئے تھے۔ اسی شکل سے واضح ہے کہ d کچھے کے کمل کے حدود کھی اور d کھی اور d کہ جو اور d کھی کے حدود کی دود کھی کے حدود کی معلوم کی معلوم کے حدود کی معلوم کرنے کے حدود کھی کے کہ خواند کی معلوم کرنے کے حدود کھی کے خواند کھی کے کمل کے حدود کھی کے کہ کا معلوم کی دور کھی کے کہ دور کھی کے کھی کے کھی کے کمل کے حدود کھی کہ دور کھی کے کہ دور کھی کھی کے کہ دور کے کھی کے کہ دور کے کہ دور کے کہ دور کے کہ دور کھی کے کہ دور کھی کے کہ دور کھی کے کہ دور کے کہ دور

5.6. محسر ك برقى د باؤ

جبکہ 
$$c = \frac{5\pi}{6}$$
 اور  $\frac{11\pi}{6}$  ہیں۔ یہ زاویے ریڈیئن میں دیے گئے ہیں۔ یوں

$$\phi_b(t) = \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{7\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{7\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t - \frac{2\pi}{3})$$

اور

$$\phi_c(t) = \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}} (B_0 \cos(\theta - \omega t)) (l\rho d\theta)$$

$$= B_0 l\rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{\frac{5\pi}{6}}^{\frac{11\pi}{6}}$$

$$= B_0 l\rho \left[ \sin\left(\frac{11\pi}{6} - \omega t\right) - \sin\left(\frac{5\pi}{6} - \omega t\right) \right]$$

$$= 2B_0 l\rho \cos(\omega t + \frac{2\pi}{3})$$

اگرایک کچھے کے N چکر ہول تو اس میں پیدا برقی دباؤ کو یوں معلوم کیا جا سکتا ہے۔

(5.70) 
$$\lambda_a = N\phi_a(t) = N\phi_0 \cos \omega t$$

$$\lambda_b = N\phi_b(t) = N\phi_0 \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$\lambda_c = N\phi_c(t) = N\phi_0 \cos(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات میں  $\frac{2\pi}{3}$  ریڈیٹن کو °120 کھا گیا ہے۔ان سے کچھوں میں پیدا امالی برقی دباؤ کا حساب یوں لگایا جا سکتا ہے۔

(5.71) 
$$e_a(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin \omega t$$
$$e_b(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_b}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t - 120^\circ)$$
$$e_c(t) = -\frac{\mathrm{d}\lambda_c}{\mathrm{d}t} = \omega N \phi_0 \sin(\omega t + 120^\circ)$$

ان مساوات کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں

(5.72) 
$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^\circ)$$
$$e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^\circ)$$
$$e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^\circ)$$

یہ مساوات تین دوری محرک برقی دباؤ کو ظاہر کرتے ہیں جو آپس میں °120 زاویہ پر ہیں۔ان سب کا حیطہ  $E_0$  کیسال ہے جہال

$$(5.73) E_0 = \omega N \phi_0$$

اور ان برقی دباؤ کی موثر قیمت<sup>43</sup>

(5.74) 
$$E_{\dot{\tau}\dot{\tau}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$

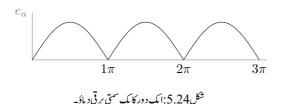
ہو گی۔ چونکہ  $\phi = BA$ ہوتا ہے لہذا یہ مساوات بالکل صفحہ 48 پر دیے مساوات 2.51 کی طرح ہے۔

مساوات 5.72 سائن نما برقی د باؤکو ظاہر کرتا ہے۔ اگرچہ اسے یہ سوچ کر حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو بہاو صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباؤکا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو کس طرح وجود میں آئی اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں یہ مقناطیسی بہاو جزیڑ کے ساکن حصے میں پیدا ہوئی ہو یا ساکن اور حرکت پذیر دونوں حصول میں پیدا ہوئی ہو۔

مساوات 5.74 ہمیں ایک گچھ کچھ میں پیدا برتی دباؤ دیتی ہے۔ اگر کچھا تقسیم شدہ ہو تو اس کے مختلف شگافوں میں موجود اس کچھ کے حصوں میں برتی دباؤ ہم مرحلہ نہیں ہوں گے للذا ان سب کا مجموعی برتی دباؤ ان سب کا حاصل جمع نہیں ہوگا بلکہ اس سے قدرِ کم ہوگا۔ اس مساوات کو ہم ایک تھیلے کچھ کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$(5.75) E_{\dot{\tau}} = 4.44 k_w f N \phi_0$$

5.6. محسر ك برق د باؤ



ں کے <sub>س</sub>یم کی قیت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں ا

تین دور برقی جزیٹر وں کے  $k_w$  کی قیمت 0.85 تا 0.95 ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں ایک دور کی برقی دباؤ دیتی ہے۔ تین دور برقی جزیٹر وں میں ایسے تین کچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی سارہ نما یا  $\Delta$  یعنی میکونی جوڑا جاتا ہے۔

## 5.6.2 يك سمتى روبرتى جزيٹر

ہر گھو منے والا برقی جزیٹر بنیادی طور پر بدلتی رو جزیٹر ہی ہوتا ہے۔ البتہ جہال یک سمتی برقی دباؤ 44 کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتی برقی دباؤ کو یک سمتی برقی دباؤ میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ ایبا الیکٹر انکس کے ذریعہ جزیٹر کے باہر بوقیاتی سمت کار<sup>45</sup> کی مدد سے کیا جا سکتا ہے یا پھر میکانی طریقے سے میکانی سمت کار<sup>46</sup> کی مدد سے جزیٹر کے اندر ہی کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.71 میں دیئے گئے برقی دباؤ کو یک سمتی برقی دباؤ میں تبدیل کیا جائے تو یہ شکل 5.24 کی طرح ہو گا۔

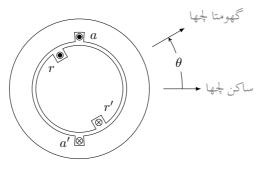
مثال 5.5: شکل 5.24 میں یک سمتی برقی دباؤ دکھائی گئی ہے۔اس یک سمتی برقی دباؤکی اوسط قیت حاصل کریں۔

$$E_{\perp \omega} = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \omega N \phi_0 \sin \omega t \, \mathrm{d}(\omega t) = \frac{2\omega N \phi_0}{\pi}$$

یک سمتی برقی جزیٹر پر باقاعدہ تبصرہ کتاب کے باب میں کیا جائے گا۔

DC voltage<sup>44</sup> rectifier<sup>45</sup>

 $commutator^{46}$ 



شكل 5.25: ساكن اماليه اور گھومتااماليه۔

## 5.7 هموار قطب مشينول مين قوت مرور الم

اس جھے میں ہم ایک کامل مشین میں قوت مروز 47 کا حساب لگائیں گے۔ ایسا دو طریقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ ہم مشین کو دو مقناطیس سمجھ کر ان کے مابین قوتِ کشش، قوتِ دفع اور قوت مروڑ کا حساب لگا سکتے ہیں یا پھر اس میں ساکن اور گھومتے لچھوں کو امالہ سمجھ کر باب چارکی طرح توانائی اور کو توانائی کے استعمال سے اس کا حساب لگائیں۔ پہلے توانائی کا طریقہ استعمال کرتے ہیں۔

#### 5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی قوت مروڑ کاحساب

یہاں ہم ایک دور کی مثین کی بات کریں گے۔ اس سے حاصل جوابات کو با آسانی زیادہ دور کی آلوں پر لا گو کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.25 میں ایک دور کی کامل مثین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی لمحہ اس کی دو کچھوں میں پچھ زاویہ ہو گا جے  $\theta$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر جگہ کیساں ہے لہذا یہاں اُبھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جائے گا۔ مزید بہ کہ قالب کی  $\theta$  سے تصور کی گئی ہے لہذا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی مقناطیسی مستقل 48 میں مخصر ہے۔ پر مخصر ہے۔

 $L_{ar}(\theta)$  اس طرح ساکن کچھے کی امالہ  $L_{aa}$  اور گھومے کچھے کی امالہ  $L_{rr}$  مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشتر کہ امالہ  $L_{aa}$  امالہ وروسرے کچھے سے زاویہ  $\theta$  پر منحصر ہو گا۔ جب  $\theta=0$  یا  $\theta=0$  یا  $\theta=0$  کے برابر ہو تو ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے

torque<sup>47</sup>

magnetic constant, permeability  $^{48}$ 

 $\theta=\mp180^\circ$  ہیں۔ جب  $L_{ar0}$  گورتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ امالہ زیادہ سے زیادہ ہو گا جسے کھی گزرتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشتر کہ ہو اس کی سمت ہو اس کھی ایک مرتبہ پھر ایک کچھے کا سارا مقناطیسی بہاو دوسرے کچھے سے بھی گزرتا ہے البتہ اس کھی اس کی سمت المث ہوتی ہے لہذا اب ان کا مشتر کہ امالہ بھی منفی ہو گا یعنی  $-L_{ar0}$  اور جب  $\theta=\mp90^\circ$  ہو تب ان کا مشتر کہ امالہ صفر ہو گا۔ اگر ہم یہ ذہن میں رکھیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاو سائن نما ہے تب

$$(5.76) L_{ar} = L_{ar0}\cos\theta$$

ہو گا۔ ہم ساکن اور گھومتے کچھوں کی ارتباط بہاد کو بوں لکھ سکتے ہیں

(5.77) 
$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ar}(\theta)i_r = L_{aa}i_a + L_{ar0}\cos(\theta)i_r$$
$$\lambda_r = L_{ar}(\theta)i_a + L_{rr}i_r = L_{ar0}\cos(\theta)i_a + L_{rr}i_r$$

ا گر ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_a$  اور گھومتے کچھے کی مزاحمت  $R_r$  ہو تو ہم ان کچھوں کے سروں پر دیئے گئے برقی دباؤ کو بول لکھ سکتے ہیں۔

$$(5.78) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t} = i_a R_a + L_{aa} \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_r \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

$$v_r = i_r R_r + \frac{\mathrm{d}\lambda_r}{\mathrm{d}t} = i_r R_r + L_{ar0} \cos\theta \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - L_{ar0} i_a \sin\theta \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + L_{rr} \frac{\mathrm{d}i_r}{\mathrm{d}t}$$

یہاں  $\theta$  برقی زاویہ ہے اور وقت کے ساتھ اس کی تبدیلی رفتار  $\omega$  کو ظاہر کرتی ہے یعنی

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \omega$$

میکانی قوت مروڑ بذریعہ کو توانائی حاصل کی جاسکتی ہے۔ کو توانائی صفحہ 125 پر مساوات 4.73 سے حاصل ہوتی ہے۔ بیہ مساوات موجودہ استعال کے لئے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

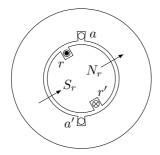
(5.80) 
$$W'_{m} = \frac{1}{2}L_{aa}i_{a}^{2} + \frac{1}{2}L_{rr}i_{r}^{2} + L_{ar0}i_{a}i_{r}\cos\theta$$

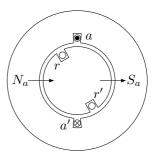
اس سے میکانی قوت مروڑ  $T_m$  یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.81) 
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{\partial W'_{m}(\theta, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{\partial \theta}{\partial \theta_{m}}$$

چونکہ P قطب مشینوں کے لئے

$$\theta = \frac{P}{2}\theta_m$$





شكل 5.26: لچھوں كے قطبين۔

للذا ہمیں مساوات 5.81 سے ملتا ہے

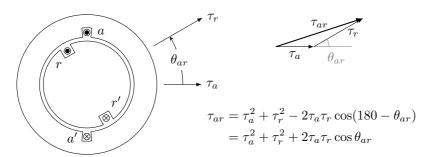
$$(5.83) T_m = -\frac{P}{2}L_{ar0}i_ai_r\sin\left(\frac{P}{2}\theta_m\right)$$

اس مساوات میں قوت مروڑ  $T_m$  منفی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر کسی لمحہ پر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی بہاو کے در میان زاویہ مثبت ہو تو ان کے مابین قوت مروڑ منفی ہو گا یعنی قوت مروڑ ان دونوں مقناطیسی بہاو کو ایک سمت میں رکھنے کی کوشش کرے گا۔

#### 5.7.2 مقناطیسی بهاوسے میکانی قوت مر وڑ کا حساب

شکل 5.26 میں وو قطب والی ایک دور کی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب صرف گھومتے کچھے میں برقی رو ہے۔ اس کچھ کا مقناطیسی بہاو تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے، یعنی تیر اس مقناطیس کے محور کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں اگر صرف گھومتے جھے پر توجہ دی جائے تو یہ واضح ہے کہ گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شالی اور جنوبی قطبین شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اسی طرح شکل میں دائیں جانب صرف ساکن کچھے میں برقی رو ہے۔ اگر اس مرتبہ صرف ساکن حصے پر توجہ دی جائے تو اس کے بائیں جانب سے مقناطیسی بہاو نکل کر خلائی درز میں داخل ہوتی ہے، لہذا یہی اس کا شالی قطب ہے اور اس مقناطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔

یہاں یہ واضح رہے کہ اگرچہ گچھ لچھے دکھائے گئے ہیں لیکن در حقیقت دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباؤ سائن-نما ہی ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباؤکی موج کے چوٹی کو ظاہر کرتے ہیں۔



شكل 5.27: خلا كي در زمين مجموعي مقناطيسي دباؤ\_

شکل 5.27 میں اب دونوں کچھوں میں برتی رو ہے۔ یہ واضح ہے کہ یہ بالکل دو مقناطیسوں کی طرح ہے اور ان کے اُلٹ قطبین کے مابین قوتِ کشش ہو گا، یعنی یہ دونوں کچھے ایک ہی سمت میں ہونے کی کوشش کریں گے۔

یہاں یہ زیادہ واضح ہے کہ یہ دو مقناطیس کوشش کریں گے کہ  $\theta_{ar}$  صفر کے برابر ہو یعنی ان کا میکانی قوت مروڑ  $\theta_{ar}$  کے اُلٹ سمت میں ہو گا۔ یہی کچھ مساوات 5.83 کہتا ہے۔

ان برقی مقناطیسوں کے مقناطیسی دباؤ کو اگر ان کے مقناطیسی محور کی سمت میں  $au_a$  اور  $au_r$  نے ظاہر کیا جائے جہاں  $au_a$  اور  $au_r$  مقناطیسی دباؤ کے چوٹی کے برابر ہوں تو خلاء میں کل مقناطیسی دباؤ  $au_a$  ان کا جمع سمتیات ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کا طول  $au_a$  کوسائن کے قلیہ  $au_a$  سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

(5.84) 
$$\tau_{ar}^{2} = \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} - 2\tau_{a}\tau_{r}\cos(180^{\circ} - \theta_{ar})$$
$$= \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar}$$

خلائی درز میں یہ کل مقناطیسی دباؤ، مقناطیسی شدت  $H_{ar}$  کو جنم دے گا جو اس قلیہ سے حاصل ہوتا ہے۔  $au_{ar} = H_{ar}l_a$  (5.85)

cosine law<sup>49</sup>

ہو گی۔ کسی بھی سائن نما موج  $H=H_0\cos heta$  کیا وسط  $H^2$  یوں حاصل کیا جاتا ہے۔

(5.86) 
$$H_{br,l}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H^{2} d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} H_{0}^{2} \cos^{2} \theta d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \left. \frac{\theta + \frac{\sin 2\theta}{2}}{2} \right|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$

للذا خلائی درز میں اوسط کو-توانائی کی کثافت  $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$  ہوگی اور اس خلاء میں کل کو-توانائی اس اوسط کو-توانائی ضربِ خلاء کی حجم کے برابر ہوگا یعنی

(5.87) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2} 2\pi r l_g l = \frac{\mu_0 \pi r l}{2 l_g} \tau_{ar}^2$$

اس مساوات میں خلائی درزکی رداسی لمبائی  $_{lg}$  ہے اور اس کی دھرے  $^{50}$  کی سمت میں محوری لمبائی  $^{51}$  ہے۔ محور سے خلاء کی اوسط رداسی فاصلہ  $_{r}$  ہے۔ مزید میں کہ  $_{lg}$  ہے۔ اس طرح خلاء میں رداسی فاصلہ  $_{r}$  ہے۔ مزید میں کہ  $_{lg}$  ہے۔ اس مساوات کو ہم کو ہم

(5.88) 
$$W'_{m} = \frac{\mu_{0}\pi r l}{2l_{g}} \left( \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar} \right)$$

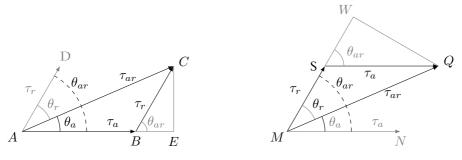
اس سے میکانی قوت مروڑ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے

(5.89) 
$$T_{m} = \frac{\partial W'_{m}}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_{0}\pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

یہ حساب دو قطب والی مشین کے لئے لگایا گیا ہے۔ P قطب والے مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کا میکانی توت مروڑ دیتا ہے للذا ایسے مشین کے لئے ہم کھھ سکتے ہیں

$$(5.90) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

 $\begin{array}{c} \rm axis^{50} \\ \rm axial\ length^{51} \end{array}$ 



شکل5.28: مقناطیسی بہاواوران کے زاویے۔

یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ اس کے مطابق مشین کا میکانی قوت مروڑ اس کے ساکن اور گھومتے لچھوں کے مقاطیسی دباؤ کے چوٹی کے براہ راست متناسب ہے۔ اس طرح یہ ان دونوں کے درمیان برقی زاویہ  $\theta_{ar}$  کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہے۔ منفی میکانی قوت مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ  $\theta_{ar}$  کے الٹ جانب ہے لیعنی یہ میکانی قوت مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی جانب کو ہے۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک برابر مگر الٹ ستوں میں میکانی قوت مروڑ ہوتا ہے البتہ ساکن جے کا قوت مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو جاتا ہے جبکہ گھومتے جے کا میکانی قوت مروڑ اس جے کو گھماتا ہے۔

چونکہ مقناطیسی دباؤ برقی رو کے براہ راست متناسب ہے لہذا  $au_a$  اور  $i_a$  آپس میں براہ راست متناسب ہیں جبکہ اور  $i_r$  اور  $i_r$  آپس میں براہ راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.83 اور 5.90 ایک جیسے ہیں۔ ورحقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل برابر ہیں۔

شکل 5.28 میں ایک مرتبہ پھر ساکن اور گھومتے کچھوں کے مقناطیسی دباؤ د کھائے گئے ہیں۔ شکل میں بائیں جانب تکون ΔAEC اور ΔBEC میں CE مشتر کہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.91) CE = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.92) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

اس طرح شکل WQ کے دائیں جانب تکون  $\Delta MWQ$  اور تکون  $\Delta SWQ$  میں WQ کا طرف مشتر کہ ہے اور

ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$(5.93) WQ = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r$$

اب اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.90 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$(5.94) T_m = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$

مهاوات 5.90 مساوات 5.92 اور مساوات 5.94 كو ايك جبكه لكھتے ہيں۔

(5.95) 
$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{ar} \sin \theta_{a}$$

$$T_{m} = -\frac{P}{2} \frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{r} \tau_{ar} \sin \theta_{r}$$

ان مساوات سے یہ واضح ہے کہ میکانی قوت مروڑ کو دونوں کچھوں کے مقناطیسی دباؤ اور ان کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے یا پھر ایک کچھے کی مقناطیسی دباؤ اور کل مقناطیسی دباؤ اور ان دو کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جاسکتا ہے کہ میکانی قوت مروڑ دو مقناطیسی دباؤ کے آپس میں رد عمل کی وجہ سے وجود میں آتا ہے اور یہ ان مقناطیسی دباؤ کی چوٹی اور ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباؤ، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بہاو اور مقناطیسی بہاو سب کا آپس میں تعلق رکھتے ہیں للذا ان مساوات کو کئی مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کل مقناطیسی دباؤ  $au_{ar}$  اور وہاں کثافت مقناطیسی بہاو  $au_{Bar}$  کا تعلق

$$(5.96) B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_g}$$

استعال کر کے مساوات 5.95 کے آخری جزو کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$(5.97) T_m = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r$$

مقناطیسی آلوں میں مقناطیسی قالب کی مقناطیسی مستقل  $\mu$  کی محدود صلاحیت کی وجہ سے قالب میں کثافت مقناطیسی بہاو تقریباً ایک ٹیلا تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ لہذا مشین بناتے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا پڑتا ہے۔ اس طرح گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباؤ اس کچھے میں برتی رو پر منحصر ہوتا ہے۔ اس برتی رو سے کچھے کی مزاحمت میں برتی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے یہ کچھا گرم ہوتا ہے۔ برتی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک اس کچھے کو مخسندا کرنا ممکن ہو۔ لہذا مقناطیسی دباؤ کو اس حد کے اندر رکھنا پڑتا ہے۔ چونکہ اس مساوات میں یہ دو بہت ضروری حدیں واضح طور پر سامنے ہیں اس لئے یہ مساوات مشین بنانے کی غرض سے بہت اہم ہے۔

اس مساوات کی ایک اور بہت اہم شکل اب دیکھتے ہیں۔ ایک قطب پر مقناطیسی بہاو  $\phi_P$  ایک قطب پر اوسط کا رقبہ  $A_P$  ہوتا ہے۔ جہاں کثافت مقناطیسی بہاو اوسط ضرب ایک قطب کا رقبہ  $A_P$  ہوتا ہے۔ جہاں

(5.98) 
$$B_{\nu,l} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos \theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$

$$(5.99) A_P = \frac{2\pi rl}{P}$$

للذا

$$\phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P}$$

اور

(5.101) 
$$T_m = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r$$

یہ مساوات معاصر مشینوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

# يكسال حال، بر قرار جالو معاصر مشين

جیسا کہ نام سے واضح ہے یہ وہ گھومنے والی مثین ہے جو ایک ہی رفتار سے گھومتی ہے اور یہ رفتار اس کو دیئے گئے برقی دباؤ کے تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

جب کسی جزیٹر پر بوجھ تبدیل کیا جائے یا اسے فراہم میکانی طاقت فراہم کرنے والے کی رفتار تبدیل کی جائے تو جزیٹر نئی صورتِ حال کے مطابق چند ہی کھات میں دوبارہ برقرار صورت اختیار کر لیتا ہے۔اس برقرار چالو صورت میں اس کی رفتار، برقی دوباؤ، برقی رو، درجہ حرارت وغیرہ مقررہ رہتے ہیں۔اسی طرح اگر موٹر پر بوجھ تبدیل ہو تو اسے درکار طاقت اور برقی رو تبدیل ہول گے۔بوجھ تبدیل ہونے سے پہلے موٹر برقرار مقررہ برقی رو حاصل کرتا رہتا ہے اور اس کا درجہ حرارت ایک مقررہ قیت پر رہتا ہے۔اس طرح بوجھ تبدیل ہونے کے چند ہی کھات میں یہ دوبارہ ایک نئی برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت پر برقرار رہتی ہے اور اس کا درجہ حرارت بھی ایک نئی قیمت بر برقرار یالو کے در میان چند کھات کے درجہ حرارت کئی صورت امیں ہوتا ہے۔اس باب میں کیسال حال، برقرار عالو 2 مشین پر تبحرہ کیا جائے گا۔

معاصر آلوں میں عموماً قوی لچھا ساکن رہتا ہے جبکہ میدانی لچھا معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔ قوی لچھوں کی برقی رو میدانی لچھوں کی برقی رو کی نسبت بہت زیادہ ہوتی ہے اور اسے سرک چھلوں کے ذریعہ گزارنا نہایت مشکل ہوتا ہے لہذا قوی لچھوں کو ساکن رکھا جاتا ہے جبکہ میدانی لچھوں کو گھمایا جاتا ہے۔

> transient state<sup>1</sup> steady state<sup>2</sup>

ہم یہ دیکھ چکے ہیں کہ تین مرحلہ لیٹے ساکن لیجھوں میں اگر متوازن تین مرحلہ برقی رو ہو تو یہ ایک گھومتے مقاطیسی دباؤکی موج کو جنم دیتی ہے۔اس گھومتے موج کی رفتار کو معاصر دفتار 3 کہتے ہیں۔ معاصر مثین کا گھومتا حصہ اسی رفتار سے گھومتا ہے۔

معاصر مشین کے میدانی کچھے کو یک سمتی برقی رو درکار ہوتی ہے جو یا تو سرک چھلوں کے ذریعہ اس تک باہر سے پہنچائی جاتی ہے۔ سے پہنچائی جاتی ہے۔ سے پہنچائی جاتی ہے۔ اسے فراہم کی جاتی ہے۔

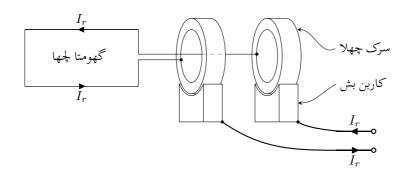
میدانی لچھا ایک میدانی مقناطیسی دباؤ کو جنم دیتی ہے جو اس لچھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ للذا معاصر مثین کے گھومتے اور ساکن لچھوں کے مقناطیسی دباؤ معاصر رفتار سے ہی گھومتے ہیں۔ اسی وجہ سے انہیں معاصر مثین کہتے ہیں۔

## 6.1 متعدد مرحله معاصر مشين

معاصر مشین عموماً تین مرحلہ ہوتے ہیں۔ان کے تین مرحلہ ساکن قوی کچھے خلاء میں °120 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ اس کے میدانی کچھے گھومتے تھے پر نسب ہوتے ہیں اور ان میں یک سمتی برقی رو ہوتی ہے۔

اگر مشین کے گھومتے جھے کو بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جائے تو یہ مشین ایک معاصر جزیٹر کے طور پر کام کرتی ہے اور اس کے تین مرحلہ ساکن قوی کچھوں میں تین مرحلہ برتی دباؤ پیدا ہوتی ہے جس کا برتی تعدد گھومنے کے رفتار پر منحصر ہوتا ہے۔ اس کے برعکس اگر مشین کے تین مرحلہ ساکن قوی کچھوں کو تین مرحلہ برقی طاقت مہیا کیا جائے تو یہ ایک معاصر موٹر کے طور کام کرتی ہے جو معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔ مشین کی کل برتی قوت کے چند فی صد برابر برتی قوت اس کے میدان کچھے کو درکار ہوتی ہے۔ گھومتے کچھے تک برتی دباؤ مختلف طریقوں سے پہنچائی جاتی ہے۔ شکل 6.1 میں گھومتے کچھے تک موصل مسری چھلے کی مدد سے یک سمتی برقی رو پہنچانے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ یہ سمل کچھائی دھرے پر نسب ہوتے ہیں جس پر گھومتا لچھا نسب ہوتا ہے اور یہ اس کچھے کے ساتھ یکسال طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساکن بُش، اسپر نگ کی مدد سے ان کے ساتھ یکسال طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بیرونی سطح پر کاربن کے ساکن بُش، اسپر نگ کی مدد سے ان کے ساتھ دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ اسپر نگ کی مدد سے ان

synchronous speed<sup>3</sup> slip rings<sup>4</sup>



شکل 6.1: کاربن بُش اور سرک چھلوں سے کچھے تک برقی رو پہنچایا گیاہے۔

د باؤ ان کا برقی جوڑ مضبوط رکھتا ہے اور ان کے مابین چنگاریاں نہیں نکلتی۔ کاربن کبُش کے ساتھ برقی تار لگی ہے۔ اس طرح یک سمتی برقی رو  $I_r$  ، کاربن کبُش 5 سے سرک چھلوں اور یہاں سے گھومتے کچھے تک پہنچتی ہے۔

بڑے معاصر مثین میں میدانی یک سمتی برتی روعوماً ایک بدلتی رو برقی جزیٹر سے حاصل کی جاتی ہے جو معاصر مثین کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے اور اس کے ساتھ کیسال طور پر گھومتی ہے۔اس چھوٹے جزیٹر کی برتی دباؤکو دھرے پر ہی نسب الیکٹرائکس کی مدد سے یک سمتی برتی دباؤ میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یوں سرک چھلے کی ضرورت نہیں رہتی۔سرک چھلے رگڑ کی وجہ سے خراب ہوتے ہیں جس کی وجہ سے معاصر مثین کو مرمت کی خاطر بند کرنا پڑتا ہے جو بہت مہنگا پڑتا ہے۔

اُبھرے قطب<sup>6</sup> مشین پانی سے چلنے والے ست رفتار جزیٹر اور عام استعال کے موٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں جبکہ ہموار قطب<sup>7</sup> مشین تیز رفتار دو یا چار قطب والے ٹربائن جزیٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں۔

کسی بھی مملکت کو درکار برقی توانائی ایک برقی جزیٹر سے دینا ممکن نہیں، المذا حقیقت میں کچھ در جنوں سے لیکر کئی سو برقی جزیٹر بیک وقت بید فرئضہ سر انجام دے رہے ہوتے ہیں۔ ایک سے زیادہ جزیٹر استعال کرنا فائدہ مند ثابت ہوتا ہے۔ اوّل تو برقی توانائی کی ضرورت کے مطابق جزیٹر چالو کئے جا سکتے ہیں اور پھر ان جزیٹر وں کو ضرورت کی حقیت کی جگہ کے ممکنہ طور پر قریب نسب کیا جا سکتا ہے۔ کسی بھی اس طرح کے بڑے نظام میں ایک جزیٹر کی حیثیت بہت کم ہو جاتی ہے۔ ایک جزیٹر عالو یا بند کرنے سے پورے نظام پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ اس صورت میں ہم

carbon bush<sup>5</sup> salient poles<sup>6</sup>

non-salient poles<sup>7</sup>

اس نظام کو ایک مقررہ برقی دباؤ اور ایک مقررہ برقی تعدد رکھنے والا نظام تصور کر سکتے ہیں۔ معاصر جزیٹرول کے کئی اہم پہلو با آسانی سمجھے جا سکتے ہیں اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ یہ ایک ایسے ہی نظام سے جوڑا گیا ہے۔

مساوات 5.101 ایک معاصر مشین کا قوت مرور بتلاتا ہے۔اس مساوات کے مطابق برقی مقناطیسی قوت مرور گی کو حش ہوتی ہے کہ وہ مشین میں موجود عمل کرنے والے مقناطیسی دباؤ کو سیدھ میں لائے۔ برقرار چالو مشین کا برقی مقناطیسی قوت مرور اور اس کے دھرے پر لاگو میکانی قوت مرور برابر ہوتے ہیں۔ جب مشین ایک جزیر کی حیثیت سے استعال ہو تب میکانی طاقت دھرے کو گھاتا ہے اور گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباؤ کل مقناطیسی دباؤ سے گھومنے کی سمت میں آگے ہوتا ہے۔ مساوات 5.101 سے حاصل قوت مرور اس صورت میں گھومنے کو روکنے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے چلتے انجن وغیرہ سے حاصل ہو سکتا ہے۔ اس طرح اگر مشین ایک موٹر کی حیثیت سے استعال ہو رہا ہو، تب صورت اس کے بالکل اُلٹ ہو گی۔

اگر کل مقناطیسی بہاو  $\phi_{ar}$  اور گھومتے لیچے کا مقناطیسی دباؤ  $\tau$  تبدیل نہ ہو تب اس مساوات کے مطابق مشین کا قوت مروڑ ہو گا۔ اب تصور کریں قوت مروڑ بھی صفر ہو گا۔ اب تصور کریں گوت مروڑ بھی موڑ کے ساتھ تبدیل ہو گا۔ اگر زاویہ جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جائے ویسے ویسے اس کہ یہی مشین ایک موٹر کے طور پر استعال ہو رہی ہو۔ جیسے جیسے موٹر پر لدا میکانی بوجھ بڑھایا جائے ویسے ویسے اس کے دھرے پر میکانی قوت مروڑ بڑھے گی۔ موٹر کو برابر کا برقی مقناطیسی قوت مروڑ پیدا کرنا ہو گا جو یہ زاویہ بڑھا کر کرتا ہے۔ یہاں یہ سمجھنا ضرور کی ہے کہ موٹر ہر وقت معاصر رفتار سے ہی گھومتا ہے اور وہ یہ زاویہ پل بھر کے لئے آہتہ ہو کر ضرورت کے مطابق درست کرتا ہے۔ یعنی موٹر کا زاویہ ہو ہو وقت میکانی قوت مروڑ کا تعقب 8 کرتی ہے۔

اگر موٹر پر لدا میکانی بوجھ بندر تک بڑھایا جائے تو ایک لمحہ آئے گا جب زاویہ  $\theta_r$  نوے درجہ لیمن  $\frac{\pi}{2}$  ریڈیئن تک پہنچ جائے گا۔ اس لمحہ موٹر اپنی انتہائی قوت مروڑ و پیدا کر رہی ہو گی۔ اگر بوجھ مزید بڑھایا جائے تو موٹر کسی بھی صورت میں اس کے مقابلے کا قوت مروڑ نہیں پیدا کر سکتی اور یہ موٹر رکھ جائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر  $^{01}$  صورت اختیار کر لی ہے۔ مساوات سے یہ ظاہر ہے کہ کل مقناطیسی بہاو یا گھومتے کچھے کا مقناطیسی دباؤ بڑھا کر اس انتہائی قوت مروڑ کی مقدار بڑھائی جا سکتی ہے۔

یہی صورت اگر مشین برقی جزیر کے طور پر استعال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیر معاصر صورت اختیار کرے اسے جلد خود کار دور شکن 11 کی مدد سے برقی بھم رسانی سے الگ کر دیا جاتا ہے۔

hunting<sup>8</sup> pull out torque<sup>9</sup>

lost synchronism<sup>10</sup>

circuit breaker<sup>11</sup>

6.2. معاصر مشين كے اماله

ہم نے دیکھا کہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف اسی رفتار پر گھومتی صورت میں قوت مروڑ پیدا کر سکتی ہے للذا اگر اسے ساکن حالت سے چالو کرنے کی کوشش کی جائے تو ہیہ کوشش ناکام رہے گی۔ ایسے موٹر کو پہلے کے اور طریقے سے معاصر رفتار تک لایا جاتا ہے اور پھر اسے چالو کیا جاتا ہے۔ ایسا عموماً ایک چھوٹی امالی موٹر <sup>12</sup> کی مدد سے کیا جاتا ہے جو بے بوجھ معاصر موٹر کو، اس کے معاصر رفتار تک لے آتا ہے اور پھر اس معاصر موٹر کو چالو کیا جاتا ہے۔ ایسی امالہ موٹر معاصر موٹر کے دھرے پر ہی نسب ہوتی ہے۔

## 6.2 معاصر مشین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مثین دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے لیچھ ستارہ نما بڑے ہیں۔اس طرح لیچھوں میں برقی رو، تار برقی رو 13 ہی ہو گی اور ان پر لاگو برقی دباؤ، یک مرحلہ برقی دباؤ ہو گی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

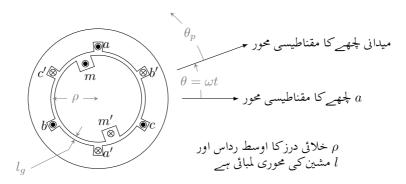
شکل 6.2 میں ایک ایسا تین مرحلہ دو قطب معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔اس کا گھومتا حصہ نکلی نما ہے۔اس کو دو قطب کا مشین یا پھر P قطب کے مشین کا دو قطب کا حصہ سمجھا جا سکتا ہے۔

یہاں گچھ لچھے دکھائے گئے ہیں لیکن حقیقت میں پھیلے لچھے ہی استعال ہوتے ہیں اور انہیں در حقیقت پھیلے لچھے ہی سمجھا جائے۔ اس طرح ہر لچھا سائن نما برقی دباؤ پیدا کرتا ہے جس کی چوٹی لچھے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہوتی ہے۔ چونکہ معاصر مثنین میں گھومتے لچھے میں یک سمتی رو ہی ہوتا ہے للذا اس کا مقناطیسی دباؤ ہر لمحہ گھومتے ھے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہی رہتا ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح گھومتے لچھے کا مقناطیسی دباؤ گھومتے ھے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔

 $a^{-14}$  ہم فرض کرتے ہیں کہ مثین معاصر رفتار  $\omega$  سے گھوم رہی ہے۔ اس طرح اگر لمحہ t=0 پر مرحلہ  $a^{-14}$  اور گھومتے کچھ کے مقناطیسی محور ایک ہی سمت میں ہوں تب کسی بھی لمحہ پر ان کے مابین زاویہ  $\theta=\omega t$  ہو گا۔ امالہ کے حساب لگانے کے لئے شکل  $\theta=0$  سے رجوع کریں۔ شکل میں محیط پر خلائی درزیکساں ہے اور اس کی ردای سمت

induction motor<sup>12</sup> line current<sup>13</sup>

phase<sup>14</sup>



شكل 6.2: تين مرحله ، دوقطب معاصر مثين ـ

میں لمبائی  $l_g$  ہے۔ساکن جصے میں شگافوں کے اثر کو نظرانداز کیا گیا ہے۔محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ ho ہے اور مشین کی دھرے کی ست میں محوری لمبائی  $l_g$  ہے۔

کسی بھی لچھے کے خود امالہ کا حساب کرتے وقت باقی سب لچھوں کو نظرانداز کریں۔ اس کا مطلب ہے کہ آپ تصور کریں کہ باقی سب لچھوں میں برقی رو صفر ہے یعنی ان لچھوں کے سرے آزاد رکھے گئے ہیں۔ حقیقت میں اگر آپ کبھی لچھوں کے خود امالہ کو مشین کی مدد سے ناپنا چاہیں تو آپ باقی سب لچھوں کے سرے آزاد ہی رکھیں گے۔

6.2.1 خوداماله

au گومتے یا ساکن کچھے کی خود امالہ L زاویہ  $\theta$  پر منحصر نہیں۔ ان میں سے کسی بھی کچھے کی مقناطیسی دباؤ t (6.1)  $au = k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \cos \theta_p$ 

ے خلائی درز میں کثافت مقاطیسی بہاو B پیدا ہو گی جہاں

(6.2) 
$$B = \mu_0 H = \mu_0 \frac{\tau}{l_g} = \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} \cos \theta_p$$

6.2. معاصر مشين كے اماله

یہ مساوات زاویہ  $heta_p$  کے ساتھ بدلتی کثافتِ مقناطیسی دباؤ B بتلاتی ہے۔ اس کچھے کا ایک قطب پر کل مقناطیسی بہاو  $\phi$  کا حساب کرنے کے لئے ہمیں اس مساوات کا سطحی تکمل  $^{15}$  یوں لینا ہو گا۔

(6.3) 
$$\phi = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} Bl\rho \, d\theta_p$$

$$= \mu_0 k_w \frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2l_g} l\rho \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos \theta_p \, d\theta_p$$

$$= \frac{4\mu_0 k_w Nil\rho}{\pi l_q}$$

اب ہم اس کیجے کی خود امالہ L مساوات 2.28 میں جزو کھیلاو  $k_w$  کا اثر شامل کرتے ہوئے حاصل کر سکتے ہیں۔

(6.4) 
$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{k_w N \phi}{i} = \frac{4\mu_0 k_w^2 N^2 l \rho}{\pi l_q}$$

یہ مساوات اس شکل میں کسی بھی کچھے کی خود امالہ دیتا ہے۔ یعنی

(6.5) 
$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l\rho}{\pi l_q}$$

اور

(6.6) 
$$L_{mm0} = \frac{4\mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_a}$$

6.2.2 مشتركه اماله

 $surface\ integral^{15}$ 

\_

ہو، a کچھے سے گزرے گا۔ اس مقناطیسی بہاو کا حساب مساوات 6.3 میں تکمل کے حدود تبدیل کر کے یوں حاصل ہو گا۔

(6.7) 
$$\phi_{am} = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} B l \rho \, d\theta_{p}$$

$$= \mu_{0} k_{wm} \frac{4}{\pi} \frac{N_{m} i_{m}}{2 l_{g}} l \rho \int_{-\frac{\pi}{2} - \theta}^{+\frac{\pi}{2} - \theta} \cos \theta_{p} \, d\theta_{p}$$

$$= \frac{4 \mu_{0} k_{wm} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{q}} \cos \theta$$

اس مساوات سے ان کا مشتر کہ امالہ میہ ہے

(6.8) 
$$L_{am} = \frac{\lambda_{am}}{i_m} = \frac{k_{wa}N_a\phi_{am}}{i_m} = \frac{4\mu_0k_{wa}k_{wm}N_aN_ml\rho}{\pi l_g}\cos\theta$$

اس کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$(6.9) L_{am} = L_{am0}\cos\theta$$

جہاں جیسے پہلے ذکر ہوا زاویہ heta گھومنے کی رفتار پر منحصر ہے لیتنی heta=0 اور  $L_{am0}$  ہیہ ہے

$$(6.10) L_{am0} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wm} N_a N_m l \rho}{\pi l_g}$$

ا گرچہ یہ مساوات ایک گھومتے اور ایک ساکن کچھ کے لئے نکالا گیا ہے در حقیقت یہ اس شکل میں کسی بھی دو کچھوں کے لئے درست ہے۔ یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ اگر یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ اگر یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ المذا دو ساکن یکسال کچھے مثلاً a اور b جن کے مابین °120 کا زاویہ ہے کا آپس کا مشتر کہ امالہ یہ ہو گا

(6.11) 
$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa} k_{wb} N_a N_b l \rho}{\pi l_g} \cos 120^\circ = -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$

جہاں دونوں کچھے بالکل کیساں ہونے کی بدولت  $k_{wb}=k_{wa}$  اور  $N_b=N_a$  کئے ہیں۔اگر تینوں ساکن کچھے بالکل کیساں ہوتب ہم اس مساوات اور مساوات 6.5 کی مدد سے بیہ لکھ سکتے ہیں۔

(6.12) 
$$L_{ab} = L_{bc} = L_{ca} = -\frac{L_{aa0}}{2}$$

6.2. معاصر مشين كا ماله

6.2.3 معاصراماليه

مشین پر لا گو برقی دباؤ کو مشین کے لیچھوں کی خود امالہ، مشتر کہ امالہ اور لیجھوں میں برقی رو کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہم پہلے لیجھوں کی ارتباط بہاو \ کو ان کے امالہ اور ان میں برقی رو کی مدد سے یوں لکھتے ہیں۔

(6.13) 
$$\lambda_{a} = L_{aa}i_{a} + L_{ab}i_{b} + L_{ac}i_{c} + L_{am}I_{m}$$

$$\lambda_{b} = L_{ba}i_{a} + L_{bb}i_{b} + L_{bc}i_{c} + L_{bm}I_{m}$$

$$\lambda_{c} = L_{ca}i_{a} + L_{cb}i_{b} + L_{cc}i_{c} + L_{cm}I_{m}$$

$$\lambda_{m} = L_{ma}i_{a} + L_{mb}i_{b} + L_{mc}i_{c} + L_{mm}I_{m}$$

ان مساوات میں ساکن کچھوں کے بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف لعنی  $i_a,i_b,i_c$  سے ظاہر کیا گیا ہے جبکہ گھومتے میدانی کچھے کے یک سمتی برقی رو کو بڑے حرف  $I_m$  سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ان چار مساوات میں سے ہم کسی ایک کو پُٹنتے ہیں اور اسے حل کرتے ہیں۔ چونکہ یہ چاروں مساوات ایک طرح کے ہیں اس لئے باقی بھی ایسے ہی حل ہول گے۔ ہم ان میں سے پہلے مساوات لیتے ہیں لینی

$$\lambda_a = L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c + L_{am}I_m$$

مساوات 6.5 ہمیں a کچھے کا خود امالہ دیتا ہے۔ یہ مساوات یہ تصور کر کے نکالا گیا تھا کہ اس کچھے کا پورا مقناطیسی بہاو خلائی درز سے گزرتا ہے۔ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا اور کچھ مقناطیسی بہاو اس خلائی درز میں سے گزر کر دوسری جانب نہیں پنچتا۔ ایسے مقناطیسی بہاو کی وجہ سے رستا امالہ  $L_{al}$  وجود میں آتا ہے۔ یہ بالکل ٹرانسفار مرکے رستا امالہ کی طرح ہے۔ یوں اس کچھے کا کل خود امالہ  $L_{aa}$  ہے۔

$$(6.15) L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$$

ہم مساوات 6.5، مساوات 6.9، مساوات 6.12 اور مساوات 6.15 کی مدد سے مساوات 6.14 کو ایول لکھتے ہیں۔

(6.16) 
$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{b} - \frac{L_{aa0}}{2} i_{c} + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$
$$= (L_{aa0} + L_{al}) i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2} (i_{b} + i_{c}) + L_{am0} I_{m} \cos \omega t$$

اب تین مرحلہ برقی رو مجموعہ صفر ہوتا ہے لیعنی

$$(6.17) i_a + i_b + i_c = 0$$

للذا مساوات 6.16 میں اس کو استعال کرتے ملتا ہے

(6.18) 
$$\lambda_a = (L_{aa0} + L_{al}) i_a - \frac{L_{aa0}}{2} (-i_a) + L_{am0} I_m \cos \omega t$$
$$= \left(\frac{3}{2} L_{aa0} + L_{al}\right) i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$
$$= L_s i_a + L_{am0} I_m \cos \omega t$$

جہاں

$$(6.19) L_s = \frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}$$

کو معاصر اماله <sup>16</sup> کہتے ہیں۔

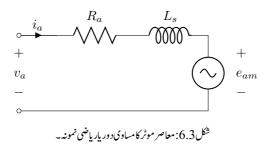
اس مساوات اور مساوات 5.48 پر ایک مرتبه دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ملتے جلتے ہیں۔ وہاں کل گومتا مقناطیسی دباؤ ایک کچھے کی مقناطیسی دباؤ کے  $\frac{2}{5}$  گھنّا ہے۔ یہ دو مساوات در حقیقت ایک بھی محقیقت کے دو پہلو ہیں۔

معاصر امالہ تین حصوں پر مشتمل ہے۔ پہلا حصہ  $L_{aa0}$  ہے جو a کچھے کا خود امالہ ہے۔ دوسرا حصہ  $\frac{L_{aa0}}{2}$  اس کچھے یعنی a کچھے کا باقی دو کچھوں کے ساتھ اُس صورت میں مشتر کہ امالہ ہے جب مشین میں تین مرحلہ متوازن برقی رو ہو۔ تیسرا حصہ a کے کے کا رستا امالہ ہے۔ اس طرح معاصر امالہ مشین کے ایک کچھے کا ظاہر کی امالہ ہوتا ہے جب مشین متوازن برقی رو ہو۔

مثال 6.1: ایک معاصر جزیٹر کی یک مرحلہ کل خود امالہ 2.2 mH اور رستا امالہ 0.2 mH بیں۔اس مشین کے دو مرحلوں کا آپس میں مشتر کہ امالہ اور مشین کا معاصر امالہ حاصل کریں۔

 $L_{ab}=-1~{
m mH}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=2~{
m mH}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{al}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{al}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=L_{aa0}+L_{al}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=0.2~{
m mH}$  ہور مساوات  $L_{aa0}=0.2~{
m mH}$  کی مدد سے  $L_{aa0}=0.2~{
m mH}$ 

synchronous inductance<sup>16</sup>



## 6.3 معاصر مثين كامساوى دوريارياضي نمونه

لچھ a پر لا گو برقی دباؤ اس کچھ کی مزاحمت  $R_a$  میں برقی دباؤ کے گھنے اور  $\lambda_a$  کے برقی دباؤ کے برابر ہو گا، یعنی

$$(6.20) v_a = i_a R_a + \frac{\mathrm{d}\lambda_a}{\mathrm{d}t}$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} - \omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$

$$= i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + e_{am}$$

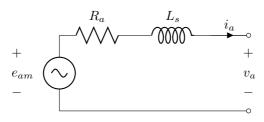
يہاں

(6.21) 
$$e_{am} = -\omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$
$$= \omega L_{am0} I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

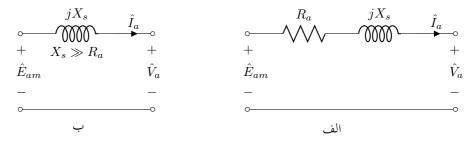
کو ہیجانی برقی دباؤ یا اندرونی پیدا برقی دباؤ کہتے ہیں جو گھومتے کچھے سے پیدا مقناطیسی بہاو کی وجہ سے وجود میں آتی ہے۔ اس کے موثر قیمت Eam,rms ساوات 1.44 کی مدد سے حاصل ہوتا ہے۔

(6.22) 
$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$

مساوات 6.20 کو ایک برقی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے جے شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔ کسی بھی برقی آلہ پر جب برقی دباؤ لا گو کیا جائے تو برقی روکی مثبت ست لا گو برقی دباؤ کے مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی ہے۔ للذا اس شکل میں برقی رو $i_a$  لا گو برقی دباؤ  $v_a$  کی مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہے۔ یہ شکل ایک موٹر کو ظاہر کرتی ہے جہاں موٹر کے مثبت سرے پر برقی رو اندر کی جانب کو ہوتا ہے۔ اگر موٹر کی بجائے ایک معاصر جزیئر کی بات



شکل 6.4: معاصر جنریٹر کامساوی دوریاریاضی نمونه۔



شکل 6.5: معاصر جنریٹر کے مساوی دور۔

ہوتی تو یہ جزیٹر برقی دباؤ پیدا کرتا اور برقی رو اس جزیٹر کی مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی۔ اس صورت میں ہمیں شکل 6.3 کی جگہ شکل 4.6 ملے گا۔اس شکل کی مساوات اسی شکل سے بول حاصل ہوتی ہے۔

$$(6.23) e_{am} = i_a R_a + L_s \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} + v_a$$

یہاں یہ دھیان رہے کہ جزیٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت موٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت کے اُلٹ ہے۔اس کا مرحلی سمتیہ مساوات یوں لکھا جائے گا۔

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$

اس مرحلی سمتیہ کے مساوات کو شکل 6.5-الف میں وکھایا گیا ہے۔عام حالات میں  $X_s$  کی مقدار  $R_a$  سے سو سے دو سو گنا زیادہ ہوتی ہے۔

6.4. بر قى طب قت كى منتقلى

مثال 6.2: دو قطب 50 ہرٹز کا ایک معاصر جزیٹر 40 ایمپیئر میدانی برقی رو پر 2100 وولٹ یک مرحلہ موثر برقی دباؤ پیدا کرتی ہے۔اس مثین کی قوی اور میدانی کچھول کے مابین مشتر کہ امالہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 6.22 سے

(6.25) 
$$L_{am} = \frac{\sqrt{2}E_{am}}{\omega I_m} = \frac{\sqrt{2} \times 2100}{2 \times \pi \times 50 \times 40} = 0.2363 \,\text{H}$$

## 6.4 برقی طاقت کی منتقلی

شکل 3.20 ٹرانسفار مرکا مساوی دور (ریاضی نمونہ) اور شکل 6.5 معاصر جزیٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) ہے۔ دونوں بالکل ایک طرح کے ہیں، للذا مندرجہ ذیل بیان دونوں کے لئے درست ہوگا، اگرچہ یہاں ہمیں صرف معاصر آلوں سے دلچپی ہے۔

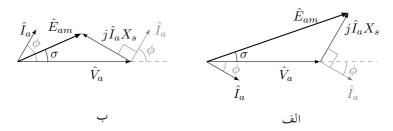
معاصر آلوں میں معاصر متعاملہ کچھے کی مزاحمت سے بہت زیادہ ہوتا ہے لہذا اس کے مزاحمت کو نظرانداز کیا جا سکتا۔ ایہا ہی شکل کے حصہ با میں کیا گیا ہے۔

شکل 6.5-ب کو اگر ہم ایک کمھے کے لئے ایک سادہ برقی دور سمجھیں جس کے بائیں جانب  $\hat{E}_{am}$  اور دائیں جانب  $\hat{V}_a$  جانب  $\hat{V}_a$  برقی دباؤ ہے جن کے مابین ایک متعاملہ  $\hat{J}_a$  جڑا ہے۔ اس برقی دور میں برقی طاقت کے منتقلی کا حساب یوں ممکن ہے۔

شکل 6.5-ب کی مرحلی سمتیہ شکل 6.6 میں دی گئی ہے۔ شکل 6.6-الف میں برقی رو  $\hat{I}_a$  برقی دباؤ  $\hat{V}_a$  ہے  $\hat{V}_a$  ناویہ پیچھے ہے اور شکل 6.6-ب میں برقی رو  $\phi$  زاویہ برقی دباؤ سے آگے ہے۔ چونکہ زاویہ اُفقی سمت سے گھڑی کی اُٹی سمت ناپا جاتا ہے للذا شکل-الف میں  $\phi$  منفی زاویہ ہے اور  $\sigma$  مثبت زاویہ ہے جبکہ شکل-ب میں دونوں زاویہ مثبت ہیں۔ مثبت ہیں۔

دائیں جانب طاقت  $p_v$  منتقل ہو رہی ہے جہاں

$$(6.26) p_v = V_a I_a \cos \phi$$



شکل 6.6: معاصر جنریٹر کامر حلی سمتیہ۔

ك برابر ہے۔ شكل 6.6-الف سے

$$\hat{I}_{a} = I_{a} / \phi_{a} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_{a}}{jX_{s}}$$

$$= \frac{E_{am} / \sigma - V_{a} / 0}{X_{s} / \frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{E_{am} / \sigma - \pi / 2 - V_{a} / - \pi / 2}{X_{s}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ایک مرحلی سمتیہ کے دو جزو ہوتے ہیں۔ اس کا حقیقی جزو اُفقی سمت میں بنایا جاتا ہے اور اس کا فرضی جزو حقیقی جزو کے عمود میں بنایا جاتا ہے۔شکل 6.6 سے واضح ہے کہ اس مساوات کا حقیقی جزو کہ کے ہم قدم ہے لہٰذا

(6.28) 
$$I_a \cos \phi_a = \frac{E_{am}}{X_s} \cos \left(\sigma - \frac{\pi}{2}\right) - \frac{V_a}{X_s} \cos \left(-\frac{\pi}{2}\right)$$
$$= \frac{E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

اس مساوات اور مساوات 6.26 سے حاصل ہوتا ہے

$$(6.29) p_v = \frac{V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

تین مرحلہ معاصر مشین کے لئے اس مساوات کو تین سے ضرب دیں یعنی

$$(6.30) p_v = \frac{3V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$

 $E_{am}$ یہ طاقت بالمقابل زاویہ  $^{17}$  کا قانون ہے۔اگر  $V_a$  معین ہو تو جزیٹر  $E_{am}$  یا  $\sigma$  بڑھا کر طاقت بڑھا سکتا ہے۔اگر معین ہو تو جزیٹر کے میں برقی رو بڑھا کر بڑھا کی جاتی ہے۔البتہ یہ ایک حد تک کرنا ممکن ہے۔ کچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی

 $power-angle\ law^{17}$ 

6.4. بر قى طب قت كى منتقلى

ضائع ہونے سے یہ گرم ہوتا ہے اور اس کی حرارت کو خطر ناک حد تک چینچنے نہیں دیا جا سکتا۔ دوسری جانب σ کو نوے زاویہ تک بڑھایا جا سکتا ہے اور اس صورت میں جزیٹر زیادہ سے زیادہ طاقت مہیا کرے گا۔

$$p_{v, \not \wp_l} = \frac{3V_a E_{am}}{X_s}$$

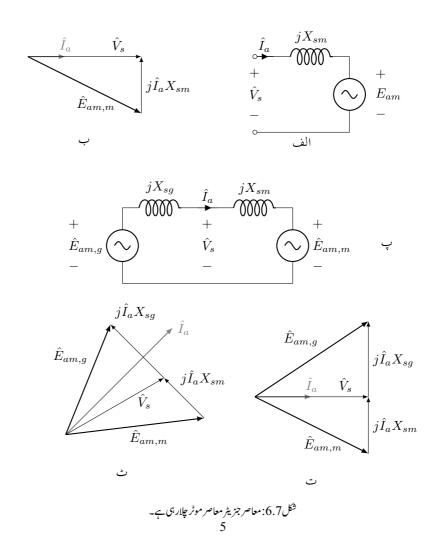
حقیقت میں جزیٹر کو اس طرح بنایا جاتا ہے کہ اس کی زیادہ سے زیادہ قابل استعال طاقت نوے درجے سے کافی کم زاویہ پر ہو۔ نوے درجے پر جزیٹر کو قابو رکھنا مشکل ہو جاتا ہے۔

مثال 6.3: ایک 50 قطب ستارہ جڑی تین مرحلہ 50 ہرٹز 2300 وولٹ تار کی برقی دباؤ پر چلنے والی 1800 کلو وولٹ-ایمپیئر کی معاصر مشین کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.1 اوہم ہے۔

- مثین کے برتی سروں پر 2300 وولٹ تارکی برتی دباؤ مہیا کرتے ہوئے اگر اس کی میدانی برتی رواتنی رکھی جائے کہ پورے بوجھ پر مثین کا جزو طاقت ایک کے برابر ہو تو اس سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جاسکتی ہے۔
- اگر اسے 2 قطب 3000 چکر فی منٹ تین مرحلہ سارہ جڑی 2300 وولٹ تارکی برقی دباؤ پیدا کرنے والی 2200 کلو وولٹ الد 2.3 اوہم ہو۔ موٹر 2200 کلو وولٹ ۔ ایمبیئر کی معاصر جزیئر سے چلایا جائے جس کی یک مرحلہ معاصر امالہ 2.3 اوہم ہو۔ موٹر پر اس کا پورا برقی بوجھ لاد کر جزیئر کو معاصر رفتار پر چلاتے ہوئے دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے حتی کہ موٹر ایک جزو طاقت پر چلنے لگے۔دونوں مشینوں کی میدانی برقی رو یباں برقرار رکھ کر موٹر پر بوجھ آہستہ آہستہ بڑھائی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر سے زیادہ سے زیادہ کتنی قوت مروڑ حاصل کی جاسکتی ہے اور اس کی سروں پر تارکی برقی دباؤ کتنی ہو گی۔

حل:

و شکل 6.7-الف اور 6.7-ب سے رجوع کریں۔ یک مرحلہ برتی دباؤ اور کل پرتی رو یہ ہیں  $\frac{2300}{\sqrt{3}}=1327.9\,\mathrm{V}$   $\frac{1800000}{\sqrt{3}\times2300}=451.84\,\mathrm{A}$ 



للذا

$$p_{\xi^{i}} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1031968 \,\mathrm{W}$$

ہے۔ یوں تین مرحلوں کی زیادہ سے زیادہ طاقت 904 3095 واٹ ہو گی۔ 50 ہر ٹرز اور 50 قطب سے مشین کی معاصر میکانی رفتار مساوات 5.51 کی مدد سے دو چکر نی سیکنڈ حاصل ہوتی ہے لیعنی  $f_m=2$  یوں مشین سے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ

$$T_{|\vec{\varphi}|} = \frac{p_{|\vec{\varphi}|}}{2\pi f_m} = \frac{3095904}{2 \times \pi \times 2} = 246\,364\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$

حاصل ہو گی۔

• شکل 6.7-پ سے رجوع کریں۔ پہلی جزو کی طرح یہاں بھی موٹر کی برقی سروں پر تار کی برقی دباؤ 2300 وولٹ اور اس کی محرک برقی دباؤ 1632 وولٹ ہے۔ جزیئر کی محرک برقی دباؤ

$$\begin{split} \hat{E}_{am,g} &= \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g} \\ &= 1327.9 / 0^{\circ} + j451.84 / 0^{\circ} \times 2.3 \\ &= 1327.9 + j1039.233 \\ &= 1686 / 38.047^{\circ} \end{split}$$

ہے۔ یہ صورت شکل 6.7-ت میں دکھائی گئی ہے۔

معاصر موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب  $\hat{E}_{am,m}$  اور  $\hat{E}_{am,m}$  آپس میں  $\hat{E}_{am,m}$  زاویہ پر مول۔ ایسا شکل  $\hat{E}_{am,m}$  میں دکھایا گیا ہے۔

اب مساوات 6.31 میں ایک معاصر امالہ کی جگہ سلسلہ وار جڑی موٹر اور جزیئر کی امالہ ہیں اور دو برقی دباؤ اب موٹر اور جزیئر کی محرک برقی دباؤ ہیں۔یوں موٹر کی یک مرحلہ زیادہ سے زیادہ طاقت

$$p_{\slash\hspace{-0.4em}/\hspace{-0.5em}/\hspace{-0.4em}/} = \frac{1686 \times 1632}{2.3 + 2.1} = 625\,352\,\mathrm{W}$$

ماصل ہوں گے۔ تین مر حلوں سے یول  $1876\,056$  واٹ حاصل ہوں گے اور زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ  $T_{i;j}=rac{1876056}{2 imes\pi imes2}=149\,291\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$ 

ہو گی۔

## 6.5 کیسال حال، بر قرار چالومشین کے خصوصیات

معاصر جزیٹر: برتی بوجھ بالمقابل  $I_m$  خطوط 6.5.1

شکل 6.5-ب کے لئے مرحلی سمتیوں کا مساوات یہ ہے

$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s$$

اسے بول لکھ سکتے ہیں

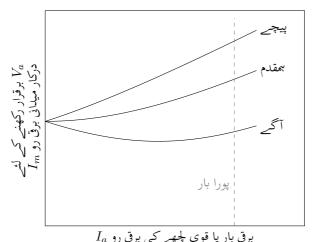
 $E_{am}\cos\sigma + jE_{am}\sin\sigma = V_a\cos0 + jV_a\sin0 + I_aX_s\cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) + jI_aX_s\sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$  $= E_{am,x} + jE_{am,y}$ 

اس مساوات سے  $\left|\hat{E}_{am}
ight|$  یعنی  $\left|\hat{E}_{am}
ight|$  کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے۔

(6.34) 
$$\begin{aligned} \left| \hat{E}_{am} \right| &= E_{am} = \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\ &= \sqrt{V_a^2 + (I_a X_s)^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi} \end{aligned}$$

جزیڑ کے سروں پر معین  $V_a$  رکھتے ہوئے مختلف  $\phi$  کے لئے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  کے خط شکل 6.8 میں و کھائے گئے ہیں۔ چو نکہ  $E_{am}$  اور  $E_{am}$  بیں اور اس بیں اور اس طرح کسی ایک مخصوص جزو طاقت اور معین  $E_{am}$  کے لئے جزیڑ کا طاقت  $E_{am}$  کے براہِ راست تناسب ہوتا ہے لہذا یہی گراف  $E_{am}$  بالمقابل جزیڑ کے طاقت کو بھی ظاہر کرتا ہے۔

 ${\rm complex}\ {\rm number}^{18}$ 



ری بار یا عوی پہلے عی بری رو 1<sub>4</sub>

شكل6.8: جزيرً: برقى بوجھ بالمقابل $I_m$  خط

#### معاصر موٹر: $I_a$ بالمقابل معاصر موٹر: $I_a$

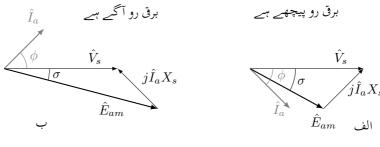
معاصر موٹر کا مساوی دور (ریاضی نمونہ) شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے اور اس کا مرحلی سمتیہ شکل 6.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس میں مزاحمت نظرانداز کرنے سے اس کی مساوات یوں ہو گی۔

(6.35) 
$$\begin{split} \hat{V}_{a} &= \hat{E}_{am} + j\hat{I}_{a}X_{s} \\ V_{a}\underline{/0} &= E_{am}\underline{/\sigma} + jI_{a}\underline{/\phi}X_{s} \\ &= E_{am}\underline{/\sigma} + I_{a}X_{s}/\frac{\pi}{2} + \phi \end{split}$$

اس مساوات میں زاویے موٹر پر لاگو برقی وباؤ  $\hat{V}_a$  کے حوالہ سے ہیں، لیعنی  $\hat{V}_a$  کا زاویہ صفر لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ زاویہ ناپنے کی مثبت سمت اُفقی لکیر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ہے للذا پیش زاویہ  $^{19}$  مثنی داویہ  $^{20}$  منفی ہیں۔ اس مساوات سے امالی وباؤ  $E_{am}$  کی مقدار یوں حاصل ہو گی۔

$$\begin{split} E_{am/\underline{\sigma}} &= V_a/\underline{0} - I_a X_s / \frac{\pi}{2} + \phi \\ &= V_a - I_a X_s \cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - j I_a X_s \sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \\ &= V_a + I_a X_s \sin\phi - j I_a X_s \cos\phi \end{split}$$

leading angle<sup>19</sup> lagging angle<sup>20</sup>



شکل 6.9:موٹر کامر حلی سمتیہ۔ ح

للذا

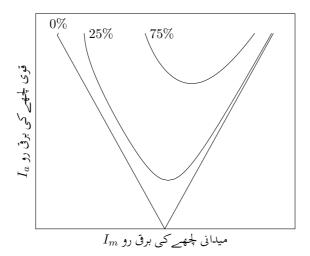
(6.36) 
$$|E_{am}| = \sqrt{(V_a + I_a X_s \sin \phi)^2 + (I_a X_s \cos \phi)^2}$$
$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}$$

موٹر پر لاگو برتی دباؤ اور اس پر میکانی بوجھ کو %0، %25 اور %75 پر رکھ کر اس مساوات کو شکل 6.10 میں گراف کیا گیا ہے۔ یہ موٹر کے  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  بلغا بی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  بین معین میکانی بوجھ  $I_a$  کے براہِ راست متناسب ہے للذا یہی موٹر کے  $I_a$  بالمقابل  $I_a$  خط ایک معین میکانی بوجھ  $I_a$  کے لئے ہے جہاں

$$(6.37) p = V_a I_a \cos \phi$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر q اور  $V_a$  معین ہوں تو جزو طاقت تبدیل کر کے  $I_a$  تبدیل کیا جا سکتا ہے۔لہذا مساوت 6.36 کو مساوات 6.37 کی مدد سے گراف کیا جاتا ہے۔ یہ پچھ یوں کیا جاتا ہے۔معین  $V_a$  اور p کے لئے مختلف  $I_a$  پر مساوات 6.36 سے p حاصل کریں۔ ان  $I_a$  اور p کو مساوات 6.36 میں استعال کر کے  $E_{am}$  کا حساب لگائیں اور  $E_{am}$  بالمقابل  $I_a$  کا گراف بنائیں۔

موٹر کی ان خطوط سے واضح ہے کہ  $I_m$  کو تبدیل کر کے موٹر کی جزو طاقت تبدیل کی جا سکتی ہے۔ لہذا موٹر کو پیش زاویہ یا تاخیری زاویہ پر چلایا جا سکتا ہے۔ اگر اسے پیش زاویہ پر رکھا جائے تو یہ ایک کپیسٹر  $^{21}$  کے طور پر استعال ہو سکتا ہے اگرچہ ایسا کیا نہیں جاتا چونکہ کپیسٹر از خود زیادہ ستا ہوتا ہے۔



شکل  $I_a$ : موٹر:  $I_m$  بالمقابل  $I_a$  خط

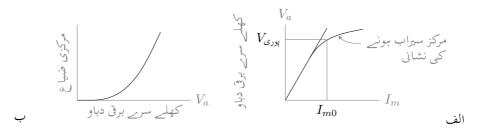
### 6.6 کھلے دوراور کسرِ دور معائنہ

معاصر مشین کے مساوی دور بنانے کے لئے اس کے جزو معلوم کرنا لازم ہے۔ یہ دو قتم کے معائنوں سے کیا جاتا ہے۔ انہیں کھلے دور معائنہ اور کسر دور معائنہ کہتے ہیں۔ان معائنوں سے قالب کے سیر اب ہونے کے اثرات بھی سامنے آتے ہیں۔ہم نے ٹرانسفار مر کے لئے بھی اسی قتم کے معائنے کیے تھے۔وہاں ہم نے دیکھا تھا کہ گھلے دور معائنہ اس برقی دوبر کیا جاتا ہے معائنہ اس برقی دوبر کیا جاتا ہے معائنہ اس برقی دوبر کیا جاتا ہے جاتا ہے کیا جاتا ہے کہ شین بنائی گئی ہو جبکہ کسرِ دور معائنہ اس برقی رو پر کیا جاتا ہے جاتا ہے کہ سین بنائی گئی ہو۔یہاں بھی ایسا ہی کیا جائے گا۔

#### 6.6.1 گھلے دور معائنہ

معاصر مثین کے برقی سرے کھلے رکھ کر اور اسے معاصر رفتار پر گھماتے ہوئے مختلف  $I_n$  پر مثین کے سرول پر پیدا برقی دباؤ  $V_a$  ناپی جاتی ہے ۔ ان دو کا گراف شکل 6.11-الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط مثین کے کھلے دور خاصیت خاہر کرتا ہے۔ یہی خط مثین بنانے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

design<sup>22</sup>

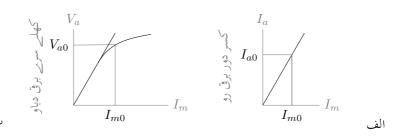


شكل 6.11: گطيرد ور خطاور قالبي ضياع ـ

اس کتاب کے حصہ 2.8 میں بتلایا گیا تھا کہ قالب پر لاگو مقناطیسی دباؤ اگر بڑھایا جائے تو اس میں مقناطیسی بہاو بڑھتی ہے البتہ جلد ہی قالب سیر اب ہونے لگتا ہے۔اس کا اثر شکل-الف میں خط کے جھکنے سے واضح ہے۔اگر قالب سیر اب نہ ہوتا تو یہ خط شکل میں دیئے سیدھی کئیر کی پیروی کرتا۔شکل میں مشین کا پورا برقی دباؤ اور اس پر درکار برقی رو  $I_{m0}$  دکھلایا گیا ہے۔

یہ معائدہ کرتے وقت اگر دھرے پر میکانی طاقت  $p_1$  ناپی جائے تو ہہ ہے ہوچھ مثین کی طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگی۔ اس کا بیشتر حصہ رگڑ کی وجہ سے، پچھ حصہ قالب میں ضیاع کی وجہ سے اور پچھ گھومتے لچھے میں ضیاع کی وجہ سے ہوگا۔ یاد رہے کہ عموماً گھومتے لچھے کو یک سمتی جزیئر سے بر تی توانائی دی جاتی ہے اور بہ جزیئر بھی مثین کی وجہ سے کے دھرے پر ہی نسب ہوتا ہے لمذا اسے طاقت محرک  $2^3$  سے ہی ملتی ہے۔ بے بوجھ مثین اور بوجھ بردار مثین دونوں کا رگڑ سے طاقت کے ضیاع کا مثین پر لدے بوجھ سے دونوں کا رگڑ سے طاقت کے ضیاع کو کیساں سمجھا جاتا ہے چونکہ رگڑ سے طاقت کے ضیاع کا مثین پر لدے بوجھ سے کوئی خاص تعلق نہیں۔ اب اگر یہی معائدہ دوبارہ کیا جائے لیکن اس مرتبہ  $I_1$  بھی صفر رکھا جائے تو اس مرتبہ ناپا گیا طاقت کا فرق یعنی ( $p_1-p_2$ ) خیاع موت کے برابر ہوگا۔ ان دو ناپے گئے طاقت کا فرق یعنی برتی ضیاع بہت کم ہوتا قالب میں طاقت کے ضیاع اور گھومتے لچھے میں برتی ضیاع کا ایک خط شکل تے اور اس کو عموماً قالب کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے قالبی ضیاع کا ایک خط شکل ہے اور اس کو عموماً قالب کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے قالبی ضیاع کا ایک خط شکل ہے اور اس کو عموماً قالب کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے قالبی ضیاع کا ایک خط شکل ہے۔ ور دیں دیا گیا ہے۔

#### 6.6.2 كسرٍ دور معائنه



شكل 6.12: كسرٍ دور خطاور كطلے دور خط۔

خاصیت دکھلاتا ہے۔ یہ معائنہ کرتے وقت یہ دھیان رکھنا بہت اہم ہے کہ  $I_a$  کی مقدار کہیں خطرناک حد تک نہ بڑھ جائے للذا اسے جزیئر کے پورے برقی بوجھ $^{24}$  پر  $I_a$  کی مقدار یااس کی دگنی مقدار سے کم رکھنا ضروری ہے ورنہ مشین گرم ہو کر تباہ ہو سکتی ہے۔ کسرِ دور مشین میں، ڈیزائن کردہ برقی دباؤ کے، صرف دس سے پندرہ فی صد برقی دباؤ پر ہی اس میں سو فی صد برقی رو شروع ہو جاتی ہے۔ اتنا کم برقی دباؤ حاصل کرنے کے لئے خلائی درز میں اس تاسب سے کم مقناطیسی بہاو درکار ہوتا ہے۔

شکل 6.5 میں جزیر کے مساوی برتی دور دکھائے گئے ہیں۔ اسے شکل 6.13 میں کسرِ دور کر کے دکھایا گیا ہے۔ یہاں سے واضح ہے کہ

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s$$

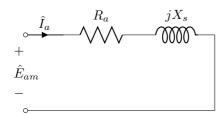
کو نظر انداز کر کے اس مساوات سے معاصر امالہ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے۔  $R_a$ 

(6.39) 
$$X_s = \frac{\left|\hat{E}_{am}\right|}{\left|\hat{I}_a\right|} = \frac{E_{am}}{I_a}$$

اس مساوات میں  $\hat{I}_a$  کیر دور مشین کی برقی رو اور  $\hat{E}_{am}$  اس کی اسی حال میں ایک دور کی امالہ برقی دباؤ ہے۔ کھلے دور مشین میں  $\hat{I}_a$  صفر ہوتا ہے ۔مساوات  $\hat{V}_a$  مساوات  $\hat{V}_a$  ہوں گے۔ دور مشین میں  $\hat{I}_a$  صفر ہوتا ہے ۔مساوات  $\hat{V}_a$  اور شکل  $\hat{I}_a$  سے  $\hat{I}_a$  معلوم کرتے ہیں اور ان سے  $\hat{I}_a$  کا حساب لگاتے ہیں، لیخی

$$(6.40) X_s = \frac{V_{a0}}{I_{a0}}$$

 $full load^{24}$ 



$$\begin{split} \hat{E}_{am} &= \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \\ &\approx j \hat{I}_a X_s \qquad X_s \gg R_a \\ X_s &= \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \end{split}$$

شكل 6.13:معاصرامالهـ

معاصر امالہ عموماً مشین کے بورے برقی دباؤ پر معلوم کی جاتی ہے تا کہ قالب سیر اب ہونے کے اثر کو بھی شامل کیا جائے۔شکل میں ایبا ہی کیا گیا ہے۔

معاصر امالہ مثین کو ستارہ نما نصور کر کے اس کا یک مرحلہ  $X_s$  حاصل کیا جاتا ہے۔لہذا اگر معائنہ کرتے وقت مثین کی تار برقی و ہاؤ  $^{25}$  ناپے گئے ہوں تو انہیں  $\sqrt{3}$  سے تقسیم کر کے مثین کے یک مرحلہ برقی و ہاؤ حاصل کر کے مشین کے میں استعال کریں، لیغنی مساوات میں استعال کریں، لیغنی

$$(6.41) V_{\text{pl}} = \frac{V_{\text{N}}}{\sqrt{3}}$$

مثال 6.4: ایک 75 کلو وولٹ-ایمبیئر ستارہ جڑی 415 وولٹ پر چلنے والی تین مرحلہ معاصر مشین کے کھلے دور اور کسرِ دور معائنے کئے گئے۔حاصل نتائج میہ ہیں۔

- کھلے دور معائنہ:  $I_m = 3.2 \, \mathrm{A}$  اور  $V_m = 415 \, \mathrm{V}$  ہیں۔
- کسر دور معائنه: جب قوی کچھے کی برتی رو A 104 متنی تب میدانی کچھے کی برتی رو A 2.48 متنی اور جب قوی کچھے کی برتی رو A 126 متنی تب میدانی کچھے کی برتی رو A 3.2 متنی۔

اس مثین کی معاصر امالہ حاصل کریں۔

line  $voltage^{25}$ 

حل: یک مرحله برقی دباؤ

$$V_{\rm Jot} = rac{V_{
m Jo}}{\sqrt{3}} = rac{415}{\sqrt{3}} = 239.6\,{
m V}$$

ہے۔ یہ کھلے دور برتی دباؤ 3.2 ایمپیئر میدانی برتی روپر حاصل ہوتی ہے۔ اتنی میدانی برتی روپر کسرِ دور برتی رو 126 ایمپیئر ہیں للذا یک مرحلہ معاصر امالہ

$$X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901 \,\Omega$$

ہو گی۔

کسرِ دور معائنہ کرتے وقت اگر دھرے پر لاگو میکانی طاقت  $p_3$  ناپی جائے تو یہ کسرِ دور مشین کی کل ضیاع ہو گی۔  $p_3$  ناپ لیں۔اس کا کچھ حصہ قالب کی برتی ضیاع، کچھ دونوں لچھوں میں برتی ضیاع اور کچھ رگڑ سے میکانی ضیاع سے ہے۔اب اگر اس سے پچھلے معائنہ میں ناپی گئی رگڑ کی ضیاع  $p_2$  منفی کی جائے تو ہمیں لچھوں کی ضیاع اور قالب کی ضیاع ملتا ہے۔ جیسا اُوپر عرض کیا گیا کہ کسرِ دور مشین میں پورا برتی رو، جائے ورکار برتی دوبا کے صرف دس تا ہیں فی صد پر حاصل ہو جاتا ہے اور اتنا کم برتی دباؤ حاصل کرنے کے لئے درکار مقاطیسی بہاو اتنا ہی کم ہوتا ہے۔ اسی طرح کسی مقاطیسی بہاو پر قالب میں ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح کسی بھی نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح کسی بھی نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح کسی بھی نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ اللہ کو ساکن کچھ میں برتی ضیاع سے بہت کم ہوتا ہے اور اسے بھی نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔لہذا  $(p_3-p_2)$  کو ساکن کچھ میں برتی ضیاع کے برابر لیا جاتا ہے۔شکل 6.14 میں ایک نظر دکھایا گیا ہے۔لہذا

$$p_3-p_2=I_{a,3}^2R_a$$
اس مساوات سے معاصر مثنین کی مساوی مزاحمت یوں حاصل ہوتی ہے۔ $R_a=rac{p_3-p_2}{I_{a,3}^2}$ 

مثال 6.5: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر 415 وولٹ پر چلنے والی تین مرحلہ معاصر مشین کے پورے برقی رو پر کل کسرِ دور طاقت کا ضیاع 2.2 کلو واٹ ہے۔ اس مشین کی یک مرحلہ موثر مزاحمت حاصل کریں۔



شكل 6.14: كسر دور معاصر مشين مين طاقت كاضياع ـ

$$^{2200}$$
 عل: یک مرحله ضیاع  $^{2200}$   $= 733.33\,\mathrm{W}$  عل: یک مرحله ضیاع  $^{75000}$   $= 104.34\,\mathrm{A}$ 

ہے۔للذا

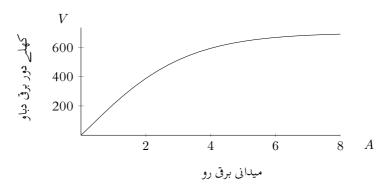
$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067 \,\Omega$$

ے۔

مثال 6.6: شکل 6.15 میں 500 وولٹ، 50 ہر ٹڑن 4 قطب ستارہ جڑی معاصر جزیٹر کا کھلے دور خط دکھایا گیا ہے۔اس جزیٹر کا معاصر امالہ 0.1 اوہم اور توی کچھ کی مزاحمت 0.01 اوہم ہے۔پورے برقی بوجھ پر جزیٹر 0.92 تاخیری جزو طاقت <sup>26</sup> پر 1000 ایمپیئر فراہم کرتا ہے۔پورے بوجھ پر رگڑ کے ضیاع اور کچھے کی مزاحمت میں ضیاع کا مجموعہ 30 کلو واٹ جبکہ قالب کی ضیاع 25 کلو واٹ ہے۔

- جزیٹر کی رفتار معلوم کریں۔
- بے بوجھ جنریٹر کی سرول پر 500 وولٹ برقی دباؤ کتنی میدانی برقی رویر حاصل ہو گی۔

lagging power factor<sup>26</sup>



شكل 6.15: كطيح دور خطيه

- اگر جزیٹر پر 92.0 تاخیری جزو طاقت، 1000 ایمپیئر کا برقی بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برقی رو در کار ہو گی۔
- جزیٹر پورے بوجھ پر کتنی طاقت فراہم کر رہاہے جبکہ اس کو محرک کتنی میکانی طاقت فراہم کر رہاہے۔ان دو سے جزیٹر کی فی صد کارگزادی<sup>27</sup> حاصل کریں۔
  - اگر جزیٹر سے یک دم برتی بوجھ ہٹایا جائے تواس لحہ اس کے برتی سروں پر کتنا برتی دباؤ ہو گا۔
- اگر جزیٹر پر 1000 ایمپیئر 0.92 پیش جزو طاقت والا بوجھ لادا جائے تو جزیٹر کے برقی سروں پر 500 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برقی رو درکار ہو گی۔
- ان دو 1000 ایمپیئر تاخیری جزو طاقت اور پیش جزو طاقت بوجھوں میں کونمی بوجھ زیادہ میدانی برقی رو پر عاصل ہوتی ہے۔جزیئر کس بوجھ سے زیادہ گرم ہو گا۔

حل:

- ے کے 60 = 1500 کی کینڈ یا  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  کی منٹ ہے۔  $f_e = \frac{P}{2} f_m$ 
  - شکل 6.15 سے 500 وولٹ کے لئے درکار میدانی برقی رو تقریباً 2.86 ایمپیئر ہے۔

efficiency<sup>27</sup>

ستارہ برقی دباو کے تعلق سیر طلب ہوتا ہے۔ ستارہ جو تی ہیں۔ جزو طاقت ستارہ یک مرحلہ برقی دباو کے نسبت جوڑ میں یک مرحلہ برقی رو اور تار برقی رو برابر ہوتے ہیں۔ جزو طاقت ستارہ یک مرحلہ برقی دباو کے نسبت سے بیان کیا جاتا ہے۔ چو نکہ  $\cos^{-1}0.92 = 23.07$  کھا جائے سے بیان کیا جاتا ہے۔ چو نکہ  $\cos^{-1}0.92 = 23.07$  کھی جائے گے۔ یوں شکل 6.4 یا مساوات 6.24 سے اندرونی پیدا کی مرحلہ برقی دباو

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$
= 289/0° + 1000/-23.07° (0.01 + j0.1)  
= 349/14.6°

ہو گا جس سے اندرونی پیدا تار برتی دباہ 604  $= 349 \times \sqrt{3} \times 0$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتنی دباہ کے لئے  $4.1\,\mathrm{A}$  میدانی برتی رو درکار ہے۔

• جزیٹر اس صورت میں

$$\begin{aligned} p &= \sqrt{3} \hat{V}_a \cdot \hat{I}_a \\ &= \sqrt{3} \times 500 \times 1000 \times 0.92 \\ &= 796743 \, \mathrm{W} \end{aligned}$$

فراہم کر رہاہے جبکہ محرک

$$p_m = 796.743 + 30 + 25 = 851.74 \,\text{kW}$$

$$\eta=\frac{796.743}{851.74} imes 100=93.54\%$$
 فراہم کر رہا ہے لہذا اس جزیٹر کی کار گزاری

- اگر جزیٹر سے یک دم برقی بوجھ ہٹایا جائے تو اس لمحہ اس کے برقی سروں پر 604 وولٹ برقی دباو ہو گا۔
  - پیش جزو طاقت کی صورت میں

$$\hat{E}_a = \hat{V}_a + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 289/0^{\circ} + 1000/23.07^{\circ} (0.01 + j0.1)$$

$$= 276/20.32^{\circ}$$

در کار ہو گی جس سے اندرونی پیدا تار برتی دباو  $478=276 imes\sqrt{3}$  وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ شکل 6.15 سے اتنی دباو کے لئے 2.7 میدانی برتی رو در کار ہے۔

• تاخیری جزو طاقت کے بوجھ پر جزیر کو زیادہ میدانی برقی رو درکار ہے۔میدانی کچھے کی مزاحمت میں اس کی وجہ سے زیادہ برقی طاقت ضائع ہوگی اور جزیر یول زیادہ گرم ہوگا۔

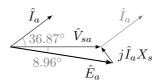
مثال 6.7: ایک 415 وولٹ، 40 کلو وولٹ۔ ایمپیئر ستارہ جڑی 0.8 جزو طاقت، 50 ہرٹز پر چکنی والی معاصر موٹر کا معاصر امالہ 2.2 اوہم ہے جبکہ اس کی مزاحمت قابل نظرانداز ہے۔اس کی رگڑ اور کچھوں کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع ایک کلو واٹ جبکہ قالبی ضیاع 800 واٹ ہے۔ یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی بوجھ سے لدی ہے اور یہ 0.8 پیش جزو طاقت پر چل رہی ہے۔یاد رہے کہ معاصر امالہ مشین کو ستارہ نما تصور کرتے ہوئے حاصل کی جاتی ہے۔

- اس کی مرحلی سمتیہ بنائیں۔تار کی برتی رو  $\hat{I}_t$  اور قوی کیچھے کی برتی رو  $\hat{I}_a$  حاصل کریں۔موٹر کی اندرونی ہیجانی برتی د باؤ  $\hat{E}_a$  حاصل کریں۔
- میدانی برقی رو کو بغیر تبدیل کئے میکانی بوجھ آہتہ آہتہ بڑھا کر دگنی کی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر کی ردِ عمل مرحلی سمتیہ سے واضح کریں۔
- اس دگنی میکانی بوجھ پر قوی کیچھ کی برقی رو، تار کی برقی رواور موٹر کی اندرونی بیجانی برقی دباؤ حاصل کریں۔موٹر کی جزو طاقت بھی حاصل کریں۔

#### حل:

• ستارہ جڑی موٹر کے سروں پر یک مرحلہ برقی دباو  $239.6\,\mathrm{V}$  ہوگا جسے صفر زاویہ پر تصور کرتے ہوئی موٹر کے سروں پر یک مرحلہ برقی دباوں  $\hat{V}_{sa}=239.6/0^{\circ}$  کھا جائے گا۔ جزو طاقت  $0.8\,\mathrm{C}$  زاویہ  $\hat{V}_{sa}=239.6/0^{\circ}$  کھا جائے گا۔ جزو طاقت اس کی میکانی  $36.87^{\circ}$  کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں تارکی برقی روکا پیش زاویہ یہی ہوگا۔ موٹر کو مہیا برقی طاقت اس کی میکانی طاقت اور طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگی لیعنی

12200 W + 1000 W + 800 W = 14000 W



شكل 6.16: بوجھ بردار معاصر موٹر۔

جس کے لئے در کار تار کی برقی رو

$$I_t = \frac{p}{\sqrt{3}V_t \cos \theta}$$
$$= \frac{14000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$$
$$= 24.346 \text{ A}$$

ہو گی۔ ستارہ جڑی موٹر کے قوی کچھے کی برقی رو تار کے برقی رو کے برابر ہو گی۔ یوں برقی رو کا زاویہ شامل کرتے ہوئے اسے

$$\hat{I}_a = \hat{I}_t = 24.346/36.87^{\circ}$$

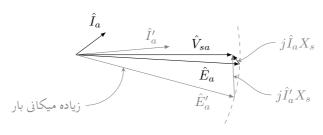
لکھا جا سکتا ہے۔

موٹر کا اندرونی یک مرحلہ ہیجانی برقی دباؤ موٹر کی مساوی دور شکل 6.3 کی مدد سے

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{a,s} - jX_s\hat{I}_a$$
= 239.6/0° - j2.2 × 24.346/36.87°
= 276/-8.96°

ہو گی۔یہ تمام صورت حال شکل 6.16 میں مرحلی سمتیات کی مدد سے دکھایا گیا ہے۔

میکانی بوجھ بڑھنے سے موٹر کو زیادہ برقی طاقت درکار ہو گی۔ یہ اس صورت ممکن ہو گا جب موٹر کے قوی لیجھ کی برقی رو بڑھ سکے۔ میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کی اندرونی ہیجانی برقی دباؤ  $\hat{E}_a$  کی مقدار تبدیل نہیں ہو سکتی البتہ اس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔ موٹر  $\hat{E}_a$  کی مقدار تبدیل کئے بغیر برقی سرول پر لاگو برقی دباؤ  $\hat{V}_a$  اور  $\hat{E}_a$  ما بین زاویہ بڑھا کے گا۔ ایسا شکل  $\hat{V}_a$  اور کے ما بین زاویہ بڑھا کر قوی کیچھ کی برقی رو اور یوں حاصل برقی طاقت بڑھا کے گا۔ ایسا شکل 6.17 میں دکھایا گیا ہے۔ شکل میں  $\hat{E}_a$  میں دکھایا گیا ہے۔ شکل میں ہوتا۔ زاویہ بڑھنے سے  $|\hat{J}_a X_s|$  بڑھتا ہے۔ چونکہ  $|\hat{J}_a X_s|$  میں موتا۔ زاویہ بڑھنے سے  $|\hat{J}_a X_s|$  بڑھتا ہے۔ چونکہ کی برقی رو بڑھ گئی ہے۔ زیادہ بوجھ کے متغیرات کو ہلکی سیابی میں دکھایا گیا ہے۔



شكل 6.17: بوجھ بڑھنے كااثر۔

• وگنی میکانی بوجھ پر موٹر کو کل 26200 = 26200 + 800 + 1000 واٹ یا 26.2 کلو واٹ برتی طاقت در کار ہے۔مساوات 6.29 کی مدد سے

$$\sigma = \sin^{-1}\left(\frac{pX_s}{3V_a E_a}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 239.6 \times 276}\right) = 16.89^{\circ}$$

يوں موٹر کی اندرونی بیجانی برقی دباؤ <u>°16.89-/</u>276 ہو گی اور قوی کچھے کی برقی رو

$$\hat{I}_a = \frac{\hat{V}_a - \hat{E}_a}{jX_s}$$

$$= \frac{239/0^\circ - 276/-16.89^\circ}{j2.2}$$

$$= 38/17.4^\circ$$

ہو گی۔ستارہ جوڑ کی وجہ سے  $\hat{I}_t$  بھی اتنا ہی ہو گا۔ پیش جزو طاقت  $\cos 17.4^\circ = \cos 17.4^\circ$ 

## إب7

# امالی مشین

گزشتہ برسوں میں قوی الیکڑانکس کی میدان میں بہت ترقی ہوئی۔اس کا ایک نتیجہ یہ نکلا کہ امالی موٹروں کی رفتار پر قابو رکھنا ممکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کارخانوں میں یک سمتی رو موٹروں کی جگہ لینی نثر وع کی۔یہاں یہ بتلاتا چلوں کہ اس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہمیت رکھتی وہاں یک سمتی رو موٹر ہی استعال ہوتی جن کی رفتار پر قابو رکھنا نہایت آسان ہوتا ہے۔پچاس سال پہلے ترقی یافتہ ممالک میں یک سمتی سے امالی آلوں کی جانب تبدیلی نثر وع تھی۔ آج میں یہی تبدیلی پاکستان میں دیکھ رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیریا کام کرنے کی صلاحیت مثالی ہے۔ قوی الیکٹرائکس نے ان کی بے قابو رفتار کو قابو کر کے انہیں بلا مقابلہ بنا دیا۔

امالی موٹر ٹرانسفار مرکی ایک اور شکل ہے یا یوں کہنا بہتر ہو گاکہ یہ ایک ایسا ٹرانسفار مر ہے جس میں ثانوی لچھا حرکت بھی کرتا ہے۔یوں امالی موٹر کے ساکن کچھے ٹرانسفار مر کے ابتدائی کچھے اور موٹر کے گھومتے کچھے ٹرانسفار مرک ثانوی کچھوں کی جگہ ہوتے ہیں۔موٹر کے ساکن کچھوں کو بیرونی برقی طاقت دی جاتی ہے جبکہ اس کے گھومتے کچھوں میں خلاء میں گھومتے مقناطیسی موج سے پیدا امالی برقی دباؤ ہی کام آتی ہے۔اسی سے اس کا نام امالی موٹر نکلا ہے۔

اس باب کا مقصد امالی موٹر کی مساوی دور لینی دیاضی نموند<sup>2</sup> بنا کر اس کی خصوصیات پر غور کرنا ہے۔ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دور ٹرانسفار م کے مساوی دور کی طرح کا ہے۔

power electronics<sup>1</sup> mathematical model<sup>2</sup>

یہاں بھی ہم تصور کرتے ہیں کہ موٹر دو قطب اور تین مرحلہ ہے اور اس کے کچھ ستارہ نما جڑے ہیں۔اس طرح یک مرحلہ کچھوں میں برقی رو، تارکی برقی رو ہی ہوگی اور ان پر لا گو برقی دباؤ، یک مرحلہ برقی دباؤ ہوگی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

### 7.1 ساكن لچھوں كى گھومتى مقناطيسى موج

امالی مشین کے ساکن کچھے بالکل معاصر مشین کے ساکن کچھوں کی طرح ہوتے ہیں۔ مزید یہ کہ اس کے گھومتے جھے کے اسے ہی قطب ہوتے ہیں جینے اس کے ساکن کچھوں کے ہوتے ہیں ۔ اگر ان ساکن کچھوں کو متوازن تین مرحلہ برقی روسے ہیجان کیا جائے تو یہ ایک گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج کو جنم دیں گے جسے مساوات 5.48 میں دکھایا گیا ہے۔ مساوات 5.51 اس موج کی معاصر رفتار دیتی ہے۔ یہ دونوں مساوات یہاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ دیئے جاتے ہیں۔ یہاں ساکن کچھوں میں برقی روکی تعدد  $\omega$  کتعدد  $\omega$  کتعدد عرب کھی گئے ہے اور  $\omega$  کو صفر لیا گیا ہے۔

(7.1) 
$$\tau_s^+(\theta, t) = \frac{3\tau_0}{2}\cos(\theta - \omega_t)$$
$$f_m = \frac{2}{P}f_e$$

### 7.2 مشین کی سر کنے اور گھومتی موجوں پر تبسرہ

ہم دو قطب کے مثین پر غور کر رہے ہیں۔P قطب کا تذکرہ بھی بالکل اسی طرح ہے۔ساکن کیجھوں میں تین مرحلہ برتی روکی تعدد  $f_e$  ہے۔مساوات 5.51 کہتا ہے کہ دو قطب کی مثین میں موج کی معاصر رفتار بھی  $f_e$  چکر فی سینٹر ہے۔ اب تصور کریں کہ مثین کا گھومتا حصہ f میکانی چکر فی سینٹر سے موج کی سمت میں گھوم رہا ہے جہاں  $f_e$  موج کے۔ اس صورت میں ہر سینٹر گھومتا حصہ مقناطیسی بہاو کی موج سے پیچھے سرک جائے گا۔اس سرکنے کو موج کی معاصر رفتار کی نسبت سے یوں کھا جاتا ہے۔

$$(7.2) s = \frac{f_s - f}{f_s} = \frac{f_e - f}{f_e}$$

یبال s مثین کے سرک  $^{3}$  کی ناپ ہے۔اس مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔

(7.3) 
$$f = f_s(1-s) = f_e(1-s)$$
$$\omega = \omega_s(1-s) = \omega_e(1-s)$$

یہاں غور کریں۔ مقناطیسی بہاو کی موج  $f_e$  زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے جبکہ گھومتے کچھے کی زاویائی رفتار  $f_e$  ہے۔ گھومتے کچھے کے حوالہ سے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  رفتار سے گھوم رہی ہے۔ یعنی اگر گھومتے کچھے کو ساکن تصور کیا جائے تو گھومتے مقناطیسی بہاو کی موج  $(f_e-f)$  اضافی رفتار سے گھوم رہی ہو گی۔ یوں گھومتے کچھے میں امالی برقی دباؤ کی تعدد  $f_r$  کو یوں کھا حاسکتا ہے۔ حاسکتا ہے۔

(7.4) 
$$f_r = f_e - f = f_e - f_e(1 - s) = sf_e$$

اگر مشین کو ایک امالی موٹر کے طور پر استعال کیا جا رہا ہو تو اس کے گھومتے کچھے کسر دور رکھے جاتے ہیں۔یوں ان کچھوں میں برقی رو کی تعدد  $sf_e$  اور ان کی مقدار کچھوں میں پیدا امالی برقی دباؤ اور کچھوں کی رکاوٹ پر منحصر ہوتی ہے۔ کچھوں کی رکاوٹ برقی رو کی تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

ساکن موٹر جب چالو کی جائے تو اس کے سرک s کی قیمت ایک ہوتی ہے لین 1=s اور لوں اس کے گھومتے لیکھوں میں برقی رو ایک گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج کو جمع میں برقی رو ایک گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج کو جمع موج موج معاصر رفتار سے گھومے گی۔ یہ بالکل اس طرح ہے جیسے ساکن کچھوں میں برقی رو سے گھومتا مقناطیسی دباؤکا موج وجود میں آتا ہے۔ لہذا ساکن اور گھومتے لیچے دونوں کے گھومتے مقناطیسی دباؤکی موجیں دو گھومتے ہیں۔ یہ دو مقناطیسی دباؤکی موجیں دو گھومتے مقناطیسوں کی طرح ہیں جو کوشش کریں گے کہ ان کے مابین ناویہ صفر ہو۔ یوں موٹر قوت مروڑ 4 پیدا ہوتا ہے جس کا حساب مساوات 5.90 سے لگا جا سکتا ہے۔ اگر موٹر کو دھرے پر لدے ہو جھ کو مشین کا پیدا کردہ قوت مروڑ گھما سکے تو مشین گھومے گی۔ اس کی رفتار پر اس کے گھومتے مدتک پہنچ جائے گی۔ امالی موٹر کی رفتار کبھی بھی معاصر رفتار تک نہیں پہنچ سکتی چونکہ اس رفتار پر اس کے گھومتے لیجھوں کی نسبت سے ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج ساکن ہوگی اور گھومتے کچھوں میں کوئی امالی برقی دباؤ پیدا نہیں ہوگا۔

جب موٹر چل پڑتی ہے تو اس کے گھومتے کچھوں میں برقی رو کی تعدد  $sf_e$  ہوتی ہے۔ ان برقی رو سے پیدا مقاطیسی دباؤکی موج گھومتے کچھے کے حوالہ سے  $sf_e$  رفتار سے گھومے گی چونکہ معاصر رفتار برقی رو کی تعدد کے

 $slip^3$   $torque^4$ 

بـــــ7.امالي مشين

 $(f+sf_e)$  ہوتی ہے۔اب گھومتا کچھا از خود f رفتار سے گھوم رہا ہوتا ہے للذا یہ موج در حقیقت خلاء میں رفتار سے گھومتی ہے۔مساوات 7.4 سے

$$(7.5) f + sf_e = f + f_e - f = f_e$$

یہ ایک بہت اہم منتیجہ ہے۔ یہ مساوات کہتا ہے کہ موٹر کسی بھی رفتار سے گھوم رہی ہو، گھومتے کچھول سے پیدا مقناطیسی دباؤکی موج ساکن کچھوں سے پیدا مقناطیسی دباؤکی موج کی رفتار سے ہی گھومتی ہے۔

مثال 7.1: ایک چار قطب کی ستارہ جڑی 50 ہر ٹز، 415 وولٹ پر چلنے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی اپنی پوری بوجھ پر پانچ فی صد سرک پر چلتی ہے۔

- اس موٹر کی معاصر رفتار کیا ہے۔
- پورے بوجھ پر اس کی کیا رفتار ہے۔
- پورے بوجھ پر گھومتے کچھے میں برقی تعداد ارتعاش کیا ہے۔
- پورے بوجھ سے لدے موٹر کی دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

حل:

- مساوات 7.1 کی مدد سے معاصر رفتار  $f_m = \frac{2}{4} \times 50 = 25$  کیکر فی سیکنڈ یا  $25 \times 60 = 25$  کیکر فی منٹ ہے۔
- پورے بوجھ سے لدا موٹر پانچ فی صد سرک پر چاتا ہے المذا اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم ہو گی۔موٹر کی رفتار مساوات 7.3 کی مدد سے 23.75 = 25(1-0.05) = 23.75 کی منٹ ہو گی۔ = 25(1-0.05) = 23.75 کی منٹ ہو گی۔
  - $f_r = 0.05 imes 50 = 2.5$  هو متے کچھے کی برتی تعداد ارتعاش
  - ال کے وحرے پر قوت مروڑ  $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \, \mathrm{Nm}$  کو اس کے وحرے پر قوت مروڑ  $T_m = \frac{p}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75}$

## 7.3 ساكن لچھوں ميں امالى برقى دباؤ

مساوات 7.1 کا پہلا جزو ساکن کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ کی موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ مقناطیسی دباؤ مشین کی خلائی درز میں مقناطیسی شدت  $H^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ اگر اگر درز میں مقناطیس بہاو  $H^+(\theta)$  پیدا ہو گا۔ اگر اس خلائی درز کی رداس کی سمت میں لمبائی g ہو تو

(7.6) 
$$B^{+}(\theta) = \mu_0 H^{+}(\theta) = \mu_0 \frac{\tau^{+}(\theta)}{l_g}$$
$$= \frac{3\mu_0 \tau_0}{2l_g} \cos(\theta - \omega_e t)$$
$$= B_0 \cos(\theta - \omega_e t)$$

یہ مساوات بالکل مساوات 5.4 کی طرح ہے۔ یوں مساوات 5.72 اس مقناطیسی موج  $B^+(\theta)$  کی ساکن کچھوں میں پیدا کردہ امالی برقی دباؤ کو ظاہر کرے گی ۔ یہ مساوات یہاں دوبارہ دیا جا رہا ہے۔

(7.7) 
$$e_{as}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t - 90^\circ) = E_s \cos(\omega_t - 90^\circ)$$
$$e_{bs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 150^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 150^\circ)$$
$$e_{cs}(t) = \omega_e N_s \phi_0 \cos(\omega_t + 30^\circ) = E_s \cos(\omega_t + 30^\circ)$$

جہاں  $N_s$  ساکن کھھے کے چکر ہیں اور

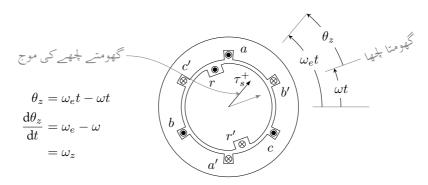
$$(7.8) E_s = \omega_e N_s \phi_0$$

a یہاں  $e_{as}(t)$  کا گھتے ہوئے زیر نوشت میں a ، مرحلہ a کو ظاہر کرتا ہے اور  $e_{as}(t)$  ساکن  $e_{as}(t)$  کہ موج اس کچھے کی امالی برقی دباؤ ہے۔ امالی موٹر کے a مرحلے کی بات ہی آگے کرتے ہیں۔ گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج اس کچھے میں امالی برقی دباؤ  $e_{as}(t)$  پیدا کرتی ہے۔

### 7.4 ساکن کچھوں کی موج کا گھومتے کچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیداامالی برقی دباؤ

مساوات 7.1 کا پہلا بڑن ساکن کچھوں کی پیدا کردہ، گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔اس موج کی چوٹی t اس مقام پر ہوتی ہے جہال  $(\theta-\omega_{e}t)$  صفر کے برابر ہو۔ یوں لمحہ صفر پر اس کی چوٹی صفر زاویہ پر ہوگی اور لمحہ t پر

گفظ ساکن میں حرف س کے آواز کوsے ظاہر کیا گیاہے۔ $ext{peak}^6$ 



شکل 7.1: امالی موٹر اور اس کے گھومتے مقناطیسی دباؤگی موجییں۔

اس موج کی چوٹی زاویہ  $\omega_e t$  پر ہو گی۔ ساکن کچھوں کی مقناطیسی دباؤ کی موج کا زاویہ کسی بھی نقطہ کے حوالے سے کیا جا سکتا ہے۔ اس کتاب میں صفر زاویہ ساکن کچھا a کو لیا جاتا ہے۔ اس طرح یہ زاویہ نقطہ دار اُفقی لکیر سے ناپا جاتا ہے۔ شکل 7.1 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ایک امالی موٹر دکھائی گئی ہے جس کے تین مرحلہ ساکن کچھے ہیں۔ ہیں۔

f شین f گومتے کچھے بھی بالکل اسی طرح ہوتے ہیں اگرچہ شکل میں صرف ایک ہی گومتا کچھا دکھایا گیا ہے۔ مشین و زاویائی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لمحہ صفر لعنی یہ t=0 پر گھومتے حصہ کا a کچھا صفر زاویہ پر ہے، لیمی یہ نقطہ دار اُفقی لکیر پر ہے مزید ہے کہ اس لمحہ ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج بھی اسی اُفقی لکیر پر ہے۔ اب بھی دیر بعد لمحہ t پر ہو گی۔ اتنی دیر میں گھومتا حصہ گھوم کر زاویہ میں تک پہنچ جائے گا جہاں t ہوتی اور گھومتے اور گھومتے کچھے دیر میان زاویہ t موج اور گھومتے کچھے کے در میان زاویہ t ہوگا کہ ہوگا

$$\theta_z = \omega_e t - \omega t$$

 $(\omega_e t - \omega t)$  اگرچ مقناطیسی موج نے  $\omega_e t$  زاویہ طے کیا لیکن گھومتے کچھے کے حوالے سے اس نے صرف زاویہ  $\omega_e t$  طے کیا۔ اس طرح گھومتے کچھے کے حوالے سے اس موج کی اضافی  $\sigma$  زاویائی رفتار  $\omega_e$  سے ہوگی۔

(7.10) 
$$\omega_z = \frac{\mathrm{d}\theta_z}{\mathrm{d}t} = \omega_e - \omega$$

یں کھتے ہوئے زیر نوشت میں چہ لفظا ضافی کے حرف ض کی آواز کو ظاہر کر تا ہے۔  $\omega_z$  relative angular speed

اس کو مساوات 7.4 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.11) 
$$\omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s\omega_e$$

یہ مساوات کہتا ہے کہ گھومتے کچھ کے حوالے سے مقناطیسی موج کی رفتار سرک 8 پر منحصر ہے۔اس موج کا حیطہ البتہ تبدیل نہیں ہوا۔ اس طرح گھومتے کچھ کے حوالے سے مقناطیسی موج کی مساوات جو کہ مساوات 7.4 میں دی گئی ہے تبدیل ہو کر یہ بن جائے گی۔

(7.12) 
$$B_{s,rz}^{+}(\theta,t) = B_0 \cos(\theta - \omega_z t) = B_0 \cos(\theta - s\omega_e t)$$

یاد  $B_{s,rz}^+$  میں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں s,rz اس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا اور اسے گھومتے یعنی رواں کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔مزید رہے کہ اس مساوات کی تعدد اضافی تعدد  $s\omega$  کے برابر ہے۔

یوں گھومتے کچھوں میں امالی برقی د باؤ مساوات 7.7 کی طرح ہی ہو گی مگر ان کی تعدد  $\omega_z = s\omega_e t$  ہو گی لیعنی  $\omega_z = s\omega_e t$ 

$$e_{arz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t - 90^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t - 90^\circ)$$

(7.13) 
$$e_{brz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 150^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 150^\circ)$$
$$e_{crz}(t) = s\omega_e N_r \phi_0 \cos(s\omega_e t + 30^\circ) = sE_r \cos(s\omega_e t + 30^\circ)$$

ان مساوات میں  $N_r$  گھومتے کچھے کے چیکر ہیں اور

$$(7.14) E_r = \omega_e N_r \phi_0$$

 $^{11}i_{arz}$  اب نصور کریں کہ گھومتے کچھوں کو کسرِ دور کر دیا کیا گیا ہے۔ یہ امالی برقی دباؤ گھومتے کچھوں میں برقی رو  $^{12}i_{arz}$  اور اس کی وغیرہ پیدا کرے گی جس کی تعدد  $^{12}R_r$  ہو گی۔ بالکل ساکن کچھے کی طرح، گھومتے کچھے کی مزاحمت  $^{12}R_r$  اور اس کی امالیت  $^{12}R_r$  ہو گی جس کی متعاملیت  $^{12}s_{we}L_r$  ہو گی جس کی متعاملیت  $^{12}s_{we}L_r$  ہو گی۔

$$(7.15) js\omega_e L_r = jsX_r$$

جہاں  $jX_r$  کو  $j\omega_e L_r$  کے برابر لیا گیا ہے، لینی  $jX_r$  اس کچھے کی ساکن حالت میں متعاملیت ہے جب سرک ایک کے برابر ہو۔ گھومتے کچھوں میں برقی رو $i_{arz}$  شکل 7.2 کی مدد سے حاصل کی جا سکتی ہے جہاں گھومتے کچھے میں امالی برقی دواؤ  $e_{arz}(t)$  مساوات 7.13 میں دیا گیا ہے۔

 $s^9$  لفظ ساکن کے س کو ظاہر کرتا ہے،r لفظار وال کے رکو ظاہر کرتا ہے اور چہ لفظا ضافی کے مش کو ظاہر کرتا ہے۔ $s^9$ میں مرحلہ aے۔گھوٹے کیچے کوrاور اضافی کو چہ ظاہر کرتا ہے۔

<sup>11</sup> بیبان ۳ گھومتے کچھے کو ظاہر کرتا ہے اور 12 اس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ اس بر تی رو کی تعدد ،اضافی تعدد ہے۔ 12 ارانسفار مرکی اصطلاح میں ٹانو کی کچھے کو زیر نوشت میں 2 سے ظاہر کرتے ہیں۔ یہاں اے ۲ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{|Z|} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$
$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z)$$

شكل 7.2: گھومتے كيھے كى مساوى دوراوراس ميں اضافى تعد د كى روب

يه شكل بالكل شكل 1.14 كى طرح ہے المذا مساوات 1.53 اس ميس برقى رو دے گى يعنى

(7.16)
$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t - 90^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 150^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 30^\circ - \phi_z) = I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہ تین مرحلہ برتی رو ہیں جو آپس میں °120 کا زاویہ رکھتے ہیں۔ یہاں  $\phi_z$  رکاوٹ کا زاویہ 13 ہے۔امید کی جاتی ہے کہ اسے آپ مقاطیسی بہاو نہیں سمجھیں گے۔ یہاں

(7.17) 
$$\theta_0 = -90 - \phi_z$$

$$I_{0r} = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

شكل 7.2 سے واضح ہے كہ ايك گھومتے لچھے كى مزاحمت ميں

$$(7.18) p_r = I_{or}^2 R_r$$

برقی طاقت کا ضیاع ہو گا۔ یہ طاقت حرارت میں تبدیل ہو کر اس مزاحت کو گرم کرے گی۔

ہے۔  $\phi$  استعال ہوتا ہے۔ یہاں یمی کیا گیا ہے۔  $\phi$  استعال ہوتا ہے۔ یہاں یمی کیا گیا ہے۔

## 7.5 گھومتے کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج

ہم جانتے ہیں کہ ساکن تین مرحلہ کچھوں میں  $f_e$  تعدد کی برقی رو گھومتے مقناطیسی دباؤکی موج کو جنم دیتی ہے جو  $sf_e$  اس ساکن کچھے کے حوالے سے  $f_e$  معاصر زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اسی طرح گھومتے تین دور کچھوں میں  $sf_e$  زاویائی تعدد کی برقی روایک گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج  $r_z^+$  کو جنم دیتی ہے جو اس گھومتے کچھے کے حوالے سے  $sf_e$  زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔

(7.19) 
$$\tau_{rz}^{+}(\theta, t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - s\omega_e t - \theta_0)$$

یہاں  $I_{0r}$  اور  $\theta_0$  مساوات 7.17 میں دیئے گئے ہیں۔اب چونکہ گھومتا لچھا از خود f زاویائی رفتار سے گھوم رہا ہے للذا اس کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ کی موج خلاء میں  $(f+sf_e)$  زاویائی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس رفتار کو مساوات 7.3 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

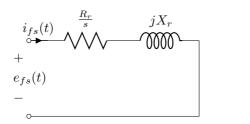
$$(7.20) f + sf_e = f_e(1-s) + sf_e = f_e$$

للذا گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباؤکی موج کو ساکن کچھوں کے حوالے سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.21) 
$$\tau_{r,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

 $\tau_{r,s}^+$  میں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ زیر نوشت میں  $r_r$  اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ سے موج گھومتے بعنی رواں کچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا ہے مگر اسے ساکن کچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔

یہاں وقفہ لے کر ذرا غور کرتے ہیں۔ مساوات 7.21 کے مطابق گھومتا لچھا خود کسی بھی رفتار سے گھوم رہا ہو،
اس کی پیدا کردہ گھومتی مقناطیسی دباؤکی موج ساکن لچھے کے پیدا کردہ موج کی رفتار سے ہی گھومے گی۔للذا مشین میں دو گھومتی مقناطیسی دباؤکی موجیں ہیں جو ایک ہی معاصر رفتار سے گھوم رہی ہیں۔مساوات 5.89 میں کہا گیا ہے کہ دو مقناطیسی دباؤکی موجودگی پیدا کرتی ہیں جو ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہے۔للذا امالی مشین میں موجود دو مقناطیسی موجیس پیدا کرتی ہیں اور اس کی مقدار ان دو موجول کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتی ہے۔امالی موٹر اس پر مقدار سے بوجھ کے مطابق ان دو موجول کے مابین زاویہ رکھتی ہے اور یوں درکار پیدا کرتی ہے۔



$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + jX_r$$
$$\phi_z = \tan^{-1} \left(\frac{X_r}{\frac{R_r}{s}}\right)$$
$$= \tan^{-1} \frac{sX_r}{R_r}$$

شكل 7.3: گھومتے لچھوں كى جَلَّه فرضى ساكن لچھے كى دور۔

## 7.6 گھومتے کچھوں کے مساوی فرضی ساکن کچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے کچھوں کی جگہ ،N چکر کے تین مرحلہ فرضی ساکن کچھے ہوں تو مساوات 7.7 کی طرح ان میں امالی برقی دباؤ پیدا ہو گی یعنی 14

(7.22) 
$$e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t - 90^\circ) = E_r \cos(\omega_e t - 90^\circ)$$
$$e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 150^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 150^\circ)$$
$$e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 30^\circ) = E_r \cos(\omega_e t + 30^\circ)$$

وزید فرض کریں کہ ان فرضی ساکن کچھوں کی مزاحمت 
$$\frac{R_r}{s}$$
 اور متعالمیت  $jX_r$  ہیں لیعنی 
$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + jX_r$$

اگر ان پر مساوات 7.22 میں دیئے گئے برقی دباؤ لا گو کی جائے جیسے شکل 7.3 میں دکھایا گیا ہے تو ان میں برقی رو

1 ان مسادات میں زیر نوشت میں ۴ لفظ فرضی کے ف کو ظاہر کرتا ہے۔

یہ ہو گی۔

$$(7.24)$$

$$i_{afs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t - 90^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{bfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 150^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t - 120^\circ + \theta_0)$$

$$i_{cfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\left(\frac{R_r}{s}\right)^2 + X_r^2}} \cos(\omega_e t + 300^\circ - \phi_Z) = I_{or} \cos(\omega_e t + 120^\circ + \theta_0)$$

یہاں مساوات 7.17 استعال کی گئی ہے۔اس مساوات میں دھیان رہے کہ رکاوٹ کا زاویہ  $\phi_Z$  وہی ہے جو گھومتے  $b_Z$  کا تھا یعنی

(7.25) 
$$\phi_{fZ} = \tan^{-1} \frac{X}{\left(\frac{R}{s}\right)} = \tan^{-1} \frac{sX}{R} = \phi_Z$$

ان برقی رو کی تعدد  $\omega_e$  ہے اور ان کا پیدا کردہ گھومتا مقناطیسی موج ہے ہو گا۔

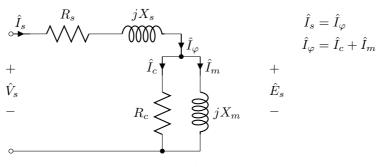
(7.26) 
$$\tau_{fs,s}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_r I_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

یہ مقناطیسی موج ہو بہو گھومتے کچھے کی موج  $(\theta,t)$  ہے۔

#### 7.7 امالي موٹر کامساوي برقی دور

 $^{15}$ ہم ٹرانسفار مرکی ابتدائی جانب کچھے کی برقی دور پہلے بنا چکے ہیں جہاں کچھے کی مزاحمت  $R_1$  اور اس کی رستا متعاملیت  $^{15}$  سے میں امالی برقی د باؤ  $\hat{E}_1$  پیدا کرتی۔  $jX_1$  تھی۔ ٹرانسفار مرکے قالب میں وقت کے ساتھ بدلتی مقناطیسی بہاو اس کچھے میں امالی برقی د باؤ  $\hat{E}_1$  پیدا کرتی۔ یوں

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1 \left( R_1 + j X_1 \right) + \hat{E}_1$$



شکل7.4:امالی موٹر کے ساکن کیچھوں کا مساوی برقی دور۔

کھا جا سکتا ہے جہاں اُن اُن کچھے پر لا گو بیرونی برقی دباؤ ہے۔ہم دیکھیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن کچھے کے لئے بھی بھی میاوات حاصل ہو گی۔

تصور کریں کہ مثین کے گھومتے کچھے کھلے دور ہیں اور اس کے ساکن کچھوں پر تین مرحلہ برقی دباؤ لا گو ہے۔ اس صورت میں ساکن کچھوں میں روال برقی رو ایک گھومتے مقاطیسی دباؤ کی موج  $au_s^+( heta,t)$  پیدا کرے گی جو مساوات 7.1 میں دی گئی ہے۔

باب کے اس حصہ میں ہم مشین کے ایک مرحلے کو مدِ نظر رکھیں گے، مثلاً مرحلہ a یہاں شکل 7.4 سے رجوع  $v_s(t)$  ہو اور اس پر لا گو بیر ونی برتی دباؤ  $v_s(t)$  ہو تو کو خوف  $v_s(t)$  ہو تو کو خوف کے برتی دباؤ کے قانون کے تحت

$$(7.28) v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{\mathrm{d}i_s}{\mathrm{d}t} + e_s(t)$$

مساوات 7.7 میں دی گئی اس موج کی ساکن کچھے میں پیدا امالی برتی دباؤ ہے ۔اس کو مرحلی سمتیہ کے طور پر  $e_s(t)$  یوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.29) 
$$\hat{V}_{s} = \hat{I}_{s} (R_{s} + jX_{s}) + \hat{E}_{s}$$

ٹرانسفار مر کی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔اگر موٹر کا گھومتا لچھا کھلے دور  $^{17}$  رکھا جائے تو قالب میں ایک ہی گھومتی  $\varphi_s$  مقناطیسی دباؤ کی موج  $au_s^+(\theta,t)$  ہو گا جو قالب میں مقناطیسی دباؤ کی موج  $au_s^+(\theta,t)$  ہو گا۔ساکن لچھے میں صرف برقی رو

leakage reactance<sup>15</sup>

Kirchoff's voltage law<sup>16</sup>

open circuited<sup>17</sup>

کو جنم دے گی۔ یہ برقی رو  $\hat{I}_c$  غیر سائن نما ہوتی ہے۔ فور ئیر تسلسل 18 سے اس کے بنیاد کی جزو اور ہار مونی جزو معلوم کئے جا سکتے ہیں۔ اس کے بنیاد کی جزو کے دو جسے ہوتے ہیں۔ ایک حصہ  $\hat{I}_c$  کا گو ہیر ونی برقی دباؤ  $\hat{V}_s$  کے ہم قدم ہوتا ہے اور یہ قالب میں طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے اور دوسرا حصہ  $\hat{V}_s$  سے نوے درجہ پیچھے زاویہ پر رہتا ہے۔  $\hat{I}_c$  میں سے  $\hat{I}_c$  مقاطیسی جزو کہتے ہیں اسے  $\hat{I}_m$  سے ظاہر کرتے ہیں۔ یوں مقناطیسی جزو کہتے ہیں اسے  $\hat{I}_m$  سے ظاہر کرتے ہیں۔ یوں مقناطیسی بہاو بنیاد کی جزو کے پیچھے جسے اور باقی سارے ہار مونی جزو کے مجموعے پر مشتمل ہوتا ہے اور یہ قالب میں مقناطیسی بہاو جو پیدا کرتا ہے۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m$$

امالی موٹر کے مساوی دور میں  $\hat{I}_c$  کو مزاحمت  $R_c$  سے اور  $\hat{I}_m$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان دونوں کا حساب چلتے موٹر میں متوقع برقی تعدد اور امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_s$  پر کیا جاتا ہے لیغی

(7.31) 
$$R_c = \frac{\hat{E}_s}{\hat{I}_c} = \frac{E_s}{I_c}$$

$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_s\right|}{\left|\hat{I}_m\right|} = \frac{E_s}{I_m}$$

مقناطیسی دباؤکی مون  $\tau_s^+(\theta,t)$  گھومتے کچھے میں بھی امالی برتی دباؤپیدا کرے گی۔ مساوات 7.29 میں اگر رکاوٹ میں برتی دباؤک و باؤک کے گھٹے کو نظر انداز کیا جائے تو لا گو بیرونی برتی دباؤ اور کچھے کی اندرونی امالی برتی دباؤ ہر حالت میں برابر ہوں گے۔ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے کسر دور کر دیے جائیں۔ ایبا کرتے ہی ان میں برتی رو گزرنے لگے گا جو مقناطیسی دباؤکی مون  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  جو مساوات 7.21 میں دب گئی ہے کو جنم دے گی۔ اس مون سے ساکن کچھے میں امالی برتی دباؤکے تبدیل ہو جائے گی اور یوں بید لا گو برتی دباؤکے برابر نہیں رہے گی۔ بید ایک نا مکنہ صورتِ حال ہے۔

ساکن کچھ میں امالی برتی دباؤ، لاگو برتی دباؤ کے برابر تب رہے گی کہ قالب میں مقناطیسی دباؤ تبدیل نہ ہو۔ مثین کے قالب میں مقناطیسی دباؤ برقرار یوں رہتی ہے کہ ساکن کچھے مقناطیسی دباؤ  $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$  کی متضاد مقناطیسی دباؤ کی ایک موج پیدا کرتی ہے جو اس کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔ یہ موج پیدا کرتی ہے جو اس کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔ یہ موج پیدا کرتی کے لئے ساکن

Fourier series  $^{18}$ 

يا\_\_7.امال مشين

ر بین برتی رو بیہ ہیں۔ 
$$i'_{ar}(t) = I'_{or}\cos(\omega_{e}t + \theta_{0})$$

$$i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_{e}t + \theta_{0})$$

$$i'_{br}(t) = I'_{or}\cos(\omega_{e}t - 120^{\circ} + \theta_{0})$$

$$i'_{cr}(t) = I'_{or}\cos(\omega_{e}t + 120^{\circ} + \theta_{0})$$

ان اضافی برتی رو کی متضاد مقناطیسی دباؤ کی موج یہ ہے

(7.33) 
$$\tau_{(r)}^{+}(\theta,t) = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N_s I'_{0r}}{2} \cos(\theta - \omega_e t - \theta_0)$$

ساکن کچھوں میں اضافی برقی رونے ہر لمحہ گھومتے کچھوں کی برقی رو کے اثر کو ختم کرنا ہے لہذا یہ دونوں برقی رو ہم قدم <sup>19</sup> ہی ہوں گے۔چونکہ بیہ مساوات اور مساوات 7.21 برابر ہیں

$$(7.34) N_s I'_{0r} = N_r I_{0r}$$

للذا ان سے حاصل ہوتا ہے۔

(7.35) 
$$I'_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$

آپ نے دیکھا کہ گھومتے کچھے مقناطیسی دباؤکی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن کچھوں کو معلوم ہوتا ہے کہ موٹر پر بوچھ لدا ہے اور وہ اس کے مطابق لا گو برقی دباؤسے برقی رو لیتی ہیں۔ یہاں تک امالی موٹر کی مساوی برقی دور شکل 7.5 میں دکھائی گئی ہے۔

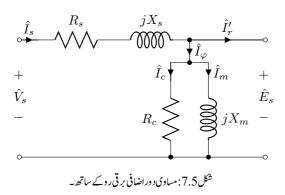
يہاں ذرہ شكل 7.6 سے رجوع كريں۔ اس شكل ميں

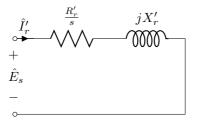
(7.36) 
$$R'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 R_r$$
 
$$X'_r = \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 X_r$$

پر ساکن کچھوں کی امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_s$  لا گوہے لہذا ان میں برقی رویہ ہوں گی۔

(7.37) 
$$i'_{a}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = \frac{sE_{s}}{\sqrt{R_{r}^{\prime 2} + s^{2}X_{r}^{\prime 2}}} \cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

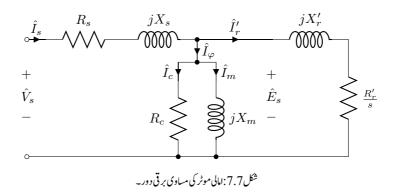
in-phase<sup>19</sup>





$$R'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} R_{r}$$
$$X'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} X_{r}$$

$$i'_a(t) = \frac{sE_s}{\sqrt{R'_r^2 + s^2 X'_r^2}} \cos(s\omega_e t - \theta_0 - \phi_z)$$



ان سب مساوات کا حیطہ برابر ہے۔اس حیطے کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.38) 
$$\frac{sE_s}{\sqrt{R_r'^2 + s^2 X_r'^2}} = \frac{s\omega_e N_s \phi_0}{\sqrt{\left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 \left(R_r^2 + s^2 X_r^2\right)}} = \left(\frac{N_r}{N_s}\right) I_{0r} = I_{0r}'$$

للذا مساوات 7.37 اس طرح لکھا جاسکتا ہے۔

(7.39) 
$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 90^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 150^{\circ} - \phi_{Z})$$
$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 30^{\circ} - \phi_{Z})$$

یہ مساوات بالکل مساوات 7.32 کی طرح ہے۔ للذا اگر شکل 7.5 میں ساکن کچھوں کی امالی برقی دباؤ  $\hat{E}_s$  کے متوازی شکل 7.6 جوڑا جائے تو ایسا کرنے سے ساکن کچھوں میں اُتنا ہی اضافی برقی رو رواں ہو گا جو اصل موٹر میں گھومتے کچھوں کی وجہ سے ہوتا ہے۔ شکل 7.7 میں ایسا ہی کیا گیا ہے للذا شکل میں دیا برقی دور ، امالی موٹر کی صحیح عکاسی کرتی ہے۔ یہی امالی موٹر کی مساوی برقی دور ہے۔

### 7.8 مساوی برقی دور پر غور

مساوات 7.18 ایک گھومتے کچھ میں برقی طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے۔مساوات 7.36 اور 7.38 کی مدد سے اسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

(7.40) 
$$p_{\text{Ci}} = I_{0r}^2 R_r = \left(\frac{N_s^2}{N_r^2} I_{0r}'^2\right) \left(\frac{N_r^2}{N_s^2} R_r'\right) = I_{0r}'^2 R_r'$$

7.8 مساوی بر قی دور پر غور

شكل 7.7 سے ظاہر ہے كہ ايك گھومتے لچھے كو كل

$$(7.41) p_r = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s}$$

برقی طاقت دی جاتی ہے جس میں سے خواج کھومتے کچھے کی مزاحمت میں ضائع ہو جاتی ہے اور بقایا بطور میکانی طاقت مشین کے دھرے پر یائی جاتی ہے لینی

$$(7.42) p = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} - I_{0r}^{\prime 2} R_r^{\prime} = I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1 - s) = p_r (1 - s)$$

یوں تین مرحلہ مشین جس میں تین کچھے ہوتے ہیں اس کے تین گنا میکانی طاقت فراہم کر سکتی ہے یعنی

(7.43) 
$$p_{j \leftarrow s} = 3I_{0r}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} (1 - s) = 3p_r (1 - s)$$

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر سرک ایک کے برابر ہو تو موٹر کوئی میکانی طاقت فراہم نہیں کرے گی اور گھومتے حصے کو جتنی برتی توانائی مل رہی ہو وہ ساری کی ساری اس میں ضائع ہو کر اسے گرم کرے گی۔ یوں موٹر کے گرم ہو کر جل جانے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اس مساوات سے دیکھ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کی سرک صفر کے قریب رہنی چاہئے ورنہ یہ نا قابل قبول حد تک برتی توانائی ضائع کرے گا۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی وور کو شکل 7.8 کی طرح بھی بنا سکتے ہیں۔ اس شکل میں شکل 7.7 میں دیئے مزاحت  $\frac{R'}{2}$  کو دو حصوں میں لکھا گیا ہے یعنی

$$\frac{R_r'}{s} = R_r' + R_r' \left(\frac{1-s}{s}\right)$$

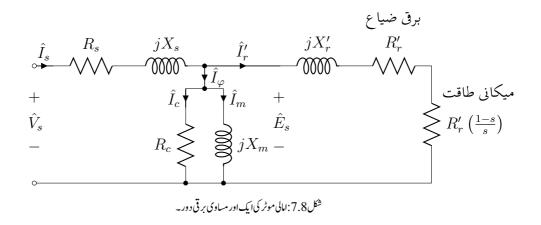
 $R'_r\left(\frac{1-s}{s}\right)$  یوں شکل 7.7 میں مزاحمت  $R'_r$  میں برتی طاقت کی ضیاع  $I'^2_{0r}R'_r$  گھومتے کچھے کی ضیاع ہے جبکہ مزاحمت  $I'^2_{0r}R'_r$  دراصل میکانی طاقت ہے۔ یاد رہے کہ تین مرحلہ مثین کے لئے یہاں میں برتی طاقت کی ضیاع کو تین سے ضرب دینا ہو گا۔ سے حاصل نتائج کو تین سے ضرب دینا ہو گا۔

میکانی طاقت، قوت مروڑ ضربِ میکانی زاویائی رفتار ہوتی ہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویائی رفتار مساوات 7.3 میں دی گئی ہے۔ یوں دی گئی ہے۔ یوں میکانی معاصر رفتار  $\omega_{sm}$  دی گئی ہے۔ یوں

(7.44) 
$$p = T_m \omega = T_m \times 2\pi f = T_m \times 2\pi (1 - s) f_s = T_m (1 - s) \omega_{sm}$$

للذا

(7.45) 
$$T_m = \frac{p}{(1-s)\omega_{sm}} = \frac{3I_{0r}^{\prime 2}}{\omega_{sm}} \frac{R_r^{\prime}}{s}$$



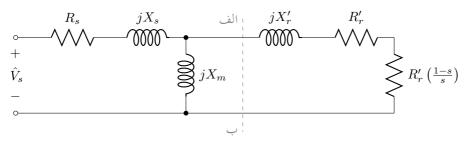
اصل موٹر میں رگڑ، قالبی ضیاع، کچھوں میں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بنا پر دھرے پر طاقت یا قوت مروڑ اس سے قدرِ کم ہو گی۔

ٹرانسفار مر کے سادہ ترین مساوی دور بناتے وقت  $R_c$  اور  $K_m$  کو نظرانداز کیا گیا تھا۔ امالی موٹر میں ایبا کرنا ممکن نہیں ہوتا چونکہ موٹروں میں خلائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیسی بہاو پیدا کرنے کے لئے بہت زیادہ مقناطیسی دباؤ درکار ہوتی ہے۔ حقیقت میں بے بوجھ امالی موٹر کو اپنے پورے برقی رو کے تیس سے بچاس فی صد برقی رو قالب کو جہان کرنے کے لئے درکار ہوتی ہے۔ مزید سے کہ خلائی درز کی وجہ سے اس کی بِستا امالہ بھی زیادہ ہوتی ہے اور اسے نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البتہ مساوی دور میں  $R_c$  کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے جیسے شکل 7.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار لکیر کی بائیں جانب کا مساوی تھونن دور بنایا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے امالی موٹر پر غور کرنا نہیں تو جاتا ہے۔ اب ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔

مثال 7.2: ستارہ جڑی چیے قطب بچاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی 15 کلو واٹ امالی موٹر کے مساوی دور کے اجزاء ہد ہیں

 $R_s = 0.5 \,\Omega, \quad R'_r = 0.31 \,\Omega, \quad X_s = 0.9 \,\Omega, \quad X'_r = 0.34 \,\Omega, \quad X_m = 0.22 \,\Omega$ 

موٹر میں رگڑ سے طاقت کا ضیاع 600 واٹ ہے۔ قالبی ضیاع کو اس کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اس کو اٹل تصور کیا جائے۔ یہ موٹر درکار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر دو فی صد سرک پر چل رہی ہے۔اس حالت میں موٹر کی رفتار، اس کے دھرے پر پیدا قوت مروڑ اور طاقت، اس کے ساکن کچھے کی برقی رو اور اس کی فی صد کار گزاری حاصل کریں۔ 7.8 مساوی برقی دور پر غور



اس کا مساوی تھونن مساوی دور بنائیں

#### شکل 7.9: امالی موٹر کاسادہ دور۔ قالبی ضیاع کو نظر انداز کیا گیاہے۔

عل: موٹر کی معاصر رفتار  $6.66 \times 60 = 1000$  چکر فی سکینڈ یا  $16.66 \times 60 = 16.66$  چکر فی منٹ۔ دو فی صد سرک پر موٹر کی رفتار  $6.33 \times 60 = 979.8$  چکر فی سکینڈ یا  $6.33 \times 60 = 979.8$  پکر فی منٹ ہے۔

شكل 7.9 مين دائين جانب

$$jX'_r + R'_r + R'_r \frac{1-s}{s} = jX'_r + \frac{R'_r}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور  $jX_m$  متوازی جڑے ہیں۔ان کی مساوی رکاوٹ یہ ہے

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{15.5 + j0.34} + \frac{1}{j22}$$
$$Z = 10.147 + j7.375 = R + jX$$

موٹر پر لا گو یک مرحلہ برقی دباؤ  $\frac{415}{\sqrt{3}}=239.6$  وولٹ ہے۔ یوں ساکن کچھے کی برقی رو

$$\hat{I}_s = \frac{\hat{V}_s}{R_s + jX_s + Z}$$

$$= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.375}$$

$$= 17.6956/-38.155^{\circ}$$

ہے۔اس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طاقت منتقل ہو رہی ہے جو رکاوٹ Z کو منتقل ہو رہی ہے۔ یعنی مساوات 7.41 کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں۔

$$p = I_{or}^{\prime 2} \frac{R_r^{\prime}}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 \,\text{W}$$

تین مراحل کے لئے یہ مقدار 9532 = 3177.37 × 8 واٹ ہو گی۔مساوات 7.43 موٹر کی اندرونی میکانی طاقت دیتی ہے یعنی

$$p_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathbf{v}}} = 9532 \times (1 - 0.02) = 9341 \,\mathrm{W}$$

اس سے طاقت کا ضیاع منفی کر کے 8741 = 600 – 9341 واٹ رہ جاتا ہے۔ یہ موٹر کے دھرے پر میکانی طاقت ہو گی جس سے دھرے پر قوت مروڑ

$$T = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \,\text{N}\,\text{m}$$

ہو گی۔

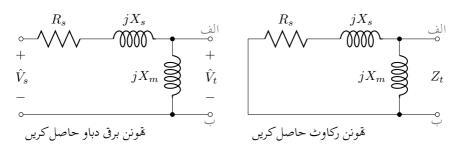
موٹر کو کل مہیا برقی طاقت  $\sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times \cos(-38.155) = 10001.97$  واٹ ہے۔ یول اس موٹر کی کار گزاری  $\sqrt{3} \times 415 \times 10001.97 \times 100 = 87.39$  ہے۔

#### 7.9 امالي موٹر كامساوي تھونن دوريارياضي خمونه

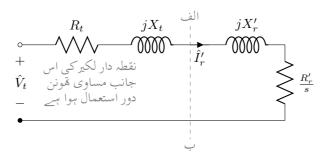
مسکلہ تھوِنن<sup>20</sup> کے مطابق کسی بھی سادہ خطی برقی دور<sup>21</sup> کو اس کے دو برقی سرول کے مابین ایک رکاوٹ اور ایک برقی دباؤ کی مساوی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔اس مساوی دور کو مساوی تھوِنن دور کہتے ہیں جبکہ اس مساوی تھوِنن دور کی رکاوٹ کو تھوِنن رکاوٹ اور برقی دباؤ کو تھوِنن برقی دباؤ کہتے ہیں۔

برقی دور کے دو برقی سروں کے مابین تھونن رکاوٹ حاصل کرنے کے لئے اس برقی دور کے اندرونی برقی دباؤ کسرِ دور کر کے ان دو برقی سروں کے مابین رکاوٹ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی رکاوٹ، تھونن رکاوٹ ہے۔ انہیں برقی سروں پر تھونن برقی دباؤ برقرار رکھ کر ان دو سروں پر تھونن برقی دباؤ برقرار رکھ کر ان دو سروں پر برقی دباؤ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی برقی دباؤ در حقیقت تھونن برقی دباؤ ہے۔ بعض او قات ہم ایک برقی دور کے ایک خاص جھے کا مساوی تھونن دور بنانا چاہتے ہیں۔ایسا کرتے وقت بقایا برقی دور کو اس جھے سے مکمل طور پر منقطع کیا جاتا ہے۔ یوں شکل 7.10 سے واضح ہے کہ دو سرول الف اور باکے مابین مساوی تھونن رکاوٹ اور تھونن برقی

Thevenin theorem<sup>20</sup> linear circuit<sup>21</sup>



شكل 7.10: تھونن ركاوٹ اور تھونن برقی دباؤ حاصل كرنے كے دور۔



شکل 7.11: تھونن دوراستعال کرنے کے بعد امالی موٹر کامساوی دور۔

د باؤیہ ہیں۔

(7.46) 
$$Z_{t} = \frac{(R_{s} + jX_{s}) jX_{m}}{R_{s} + jX_{s} + jX_{m}} = R_{t} + jX_{t}$$

$$\hat{V}_{t} = \frac{jX_{m}\hat{V}_{s}}{R_{s} + jX_{s} + jX_{m}} = V_{t}/\underline{\theta_{t}}$$

کسی بھی مخلوط عدد  $^{22}$  کی طرح  $Z_t$  کو ایک حقیقی عدد  $R_t$  اور ایک فرضی عدد  $jX_t$  کا مجموعہ لکھا جا سکتا ہے۔ یہی اس مساوات میں کیا گیا ہے۔

ہم یوں امالی موٹر کی مساوی برتی دور کو شکل 7.11 کی طرح بنا سکتے ہیں جہاں سے مرحلی سمتیہ کی استعال سے

 ${\rm complex}\ {\rm number}^{22}$ 

بـــــ7 امالي مشين

مندرجہ ذیل برقی رو $\hat{I}'_r$  حاصل ہوتی ہے۔

(7.47) 
$$\hat{I}'_r = \frac{\hat{V}_t}{R_t + jX_t + \frac{R'_r}{s} + jX'_r} \\ \left|\hat{I}'_r\right| = I'_r = \frac{V_t}{\sqrt{\left(R_t + \frac{R'_r}{s}\right)^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}}$$

چونکہ  $V_t$  کی قیت پر  $\hat{V}_t$  کے زاویے کا کوئی اثر نہیں للذا مساوی تھونن دور میں  $\hat{V}_t$  کی جگہ  $V_t$  استعال کیا جا سکتا ہے۔ بقایا کتاب میں ایسا ہی کیا جائے گا۔

مساوات 7.45 سے یوں تین مرحله مشین کی قوت مروڑ یہ ہو گ

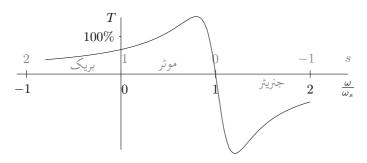
(7.48) 
$$T = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R'_r}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R'_r}{s}\right)^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_t^2 \left(\frac{R'_r}{s}\right)}{\frac{R'_r^2}{s^2} + 2R_t \frac{R'_r}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X'_r\right)^2}$$

اس مساوات کو شکل 7.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں موٹر کی رفتار کو معاصر رفتار کی نسبت سے دکھایا گیا ہے۔ موٹر ازخود گھومتے مقناطیسی موج کی سمت میں گھومتی ہے اور اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم رہتی ہے۔ زیادہ سرک پر موٹر کی کار گزاری نہایت خراب ہو جاتی ہے۔ اسی لئے لگاتار استعال کے وقت اسے تقریباً پانچ فی صد سے کم سرک پر چلایا جاتا ہے بلکہ ان کی تخلیق یوں کی جاتی ہے کہ امالی موٹر اپنی پوری طاقت تقریباً پانچ فی صد سے کم سرک پر چاصل کرتی ہے۔

اگر موٹر کو زبردستی ساکن کچھوں کی گھومتے مقناطیسی موج کی سمت میں معاصر رفتار سے زیادہ رفتار پر گھمایا جائے تو یہ ایک جزیئر کے طور پر کام کرنے شروع ہو جائے گی۔اییا کرنے کے لئے بیرونی میکانی طاقت درکار ہو گی۔اگرچہ امالی مثین عام طور پر جزیئر کے طور پر استعال نہیں ہوتے البتہ ہوا سے برقی طاقت پیدا کرنے میں یہ جزیئر کے طور پر کار آمد ثابت ہوتے ہیں۔

شکل 7.12 میں منفی رفتار بھی دکھائی گئی ہے جہاں سرک ایک سے زیادہ ہے۔ ایبا تب ہوتا ہے جب موٹر کو ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج کی اُلٹ سمت میں گھمایا جائے۔موٹر کو جلد ساکن حالت میں لانے کے



شكل7.12: امالي موٹر كي قوت مر وڙ بالقابل سر ك كاخط

لئے یوں کیا جاتا ہے۔ تین مرحلہ موٹر پر لاگو برقی دباؤکی کسی دو مرحلوں کو آپس میں اُلٹا دیا جاتا ہے۔ اس طرح موٹر کی ساکن کچھوں کی گھومتی مقناطیسی موج کیدم اُلٹ سمت میں گھومنے شروع ہو جاتی ہے جبکہ موٹر ابھی پہلی سمت میں ہی گھوم رہی ہوتی ہے۔ اس طرح موٹر جلد آہتہ ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رکھ کر دوسری جانب گھومنا چاہتی ہے۔ اس پر لاگو برقی دباؤ منقطع کر دی جاتی ہے۔ امالی موٹر یوں ریل گاڑی میں عموماً بطور بریک 23 استعال کی جاتی ہے۔

یوں امالی مشین s<0 کی صورت میں بطور جزیڑ، s<0 کی صورت میں بطور موٹر اور s>0 کی صورت میں بطور بریک کام کرتا ہے۔

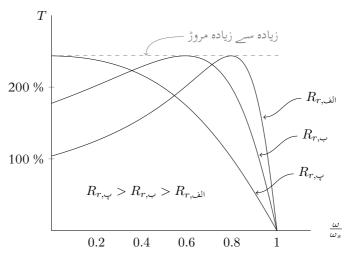
امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ مساوات 7.48 سے یوں حاصل کی جاستی ہے۔ قوت مروڑ اُسی لمحہ زیادہ سے زیادہ ہو گی جب گومتے جھے کو زیادہ سے زیادہ طاقت میسر ہو۔ زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کے مسئلہ  $\frac{24}{2}$  مسئلہ  $\frac{R'_r}{2}$  میں طاقت کا ضیاع اس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گا جب

(7.49) 
$$\frac{R'_r}{s} = \left| R_t + jX_t + jX'_r \right| = \sqrt{R_t^2 + (X_t + X'_r)^2}$$

ہو۔اس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک  $s_z$  کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

(7.50) 
$$s_z = \frac{R_r'}{\sqrt{R_t^2 + (X_t + X_r')^2}}$$

 ${\rm brake^{23}}$  maximum power theorem  $^{24}$ 



شکل 7.13: بیر ونی مزاحت لگانے کے قوت مروڑ بالمقابل سرک کے خطوط پراثرات۔

مساوات 7.48 میں کسر کے نچلے جھے میں  $R_t^2 + (X_t + X_r')^2$  کی جگہ مساوات 7.49 کا مربع استعال کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ یوں حاصل کی جا سکتی ہے

(7.51) 
$$T_{z} = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2} \left(\frac{R'_{r}}{s}\right)}{\frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}} + 2R_{t} \frac{R'_{r}}{s} + \frac{R'_{r}^{2}}{s^{2}}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3V_{t}^{2}}{2\left(R_{t} + \sqrt{R_{t}^{2} + (X_{t} + X'_{r})^{2}}\right)}$$

جہاں آخری قدم پر مساوات کا استعال دوبارہ کیا گیا۔

اس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ اس کے گھومتے لچھوں کی مزاحمت پر منحصر نہیں۔ یہ ایک اہم معلومات ہے جسے استعال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ درکار رفتار پر حاصل کی جاسکتی ہے۔آئیں دیکھیں کہ یہ کیسا کیا جاتا ہے۔

امالی موٹر کے گھومتے کچھوں کے برتی سروں کو سوک چھلوں  $^{25}$  کے ذریعہ باہر نکالا جاتا ہے  $^{26}$  جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیر ونی مزاحمت جوڑی جاتی ہے۔ اس طرح گھومتے کچھوں کی کل مزاحمت بڑھ کر بیر بن  $R_r+R_i$  ہو جاتی ہے۔ ایسا کرنے سے مساوات 7.49 کے مطابق زیادہ سے زیادہ قوت مر وڑ نسبتاً زیادہ سرک یعنی کم زاویائی رفتار پر حاصل کی جاستی ہے۔ شکل 7.13 میں مزاحمت پر  $R_r$  کے ساتھ ساکن موٹر کو چالو کرتے وقت زیادہ سے زیادہ قوت مر وڑ حاصل ہو سکتی ہے۔ اس طرح بوجھ بردار موٹر ساکن حالت سے بی زیادہ بوجھ اٹھانے کے قابل ہوتا ہے۔ چو تکہ زیادہ سرک پر موٹر کی کار گزاری خراب ہوتی ہے لہذا اس طرح موٹر کو زیادہ دیر نہیں چلایا جاتا اور جیسے ہی اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے، اس سے بُڑے بیر ونی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے کچھوں کے برقی سرے کسرِ دور کر دیے جاتے ہیں۔

مثال 7.3: صفحہ 226 پر مثال 7.2 میں دی گئی امالی موٹر اس مثال میں استعال کریں۔رگڑ سے طاقت کی ضیاع کو نظر انداز کریں۔

- اگر موٹر در کار وولٹ اور تعداد ارتعاش پر تین فی صد سرک پر چل رہی ہو تو ساکن کچھے میں گھومتے کچھے کے حصہ کی برتی رو 'I اور مشین کی اندرونی میکانی طاقت اور قوت مروڑ حاصل کریں۔
  - موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پیدا قوت مروڑ اور اس قوت مروڑ پر موٹر کی رفتار حاصل کریں۔
    - موٹر کی چالو ہونے کے لمحہ پر قوت مروڑ اور اسی لمحہ اس کی  $I'_r$  حاصل کریں۔

حل:

 $\bullet$  کی مرحله برقی دباؤ $\frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6$  استعال کرتے ہوئے مساوات 7.46 کی مدد سے

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 / 0^{\circ}}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 / 1.246^{\circ}$$

slip rings<sup>25</sup> <sup>26شک</sup>ل کے نمونے پر۔ بـــــ7.امالي شين

ماوات 7.47 میں تین فی صد سمرک پر 10.3333 میں تین فی صد سمرک پر 7.43 میں تین فی صد سمرک پر 7.43 میں 
$$\hat{I}'_r = \frac{229.2/1.246^\circ}{0.4576+j0.9573+10.3333+j0.34} = 21.1/-5.6^\circ$$
 
$$I'_r = \left|\hat{I}'_r\right| = 21.1\,\mathrm{A}$$

یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ مندرجہ بالا مساوات میں 229.2/1.246 کی جگہہ 229.2/0.2/0 استعال کرنے سے  $I'_r$  کی یہی قیمت حاصل ہوتی۔ مساوات 7.43 اور 7.44 کی مدد سے

$$p_m = \frac{3 \times 21.1^2 \times 0.31}{0.03} \times (1 - 0.03) = 13387.46 \,\text{W}$$
$$T = \frac{13387.46}{(1 - 0.03) \times 2 \times \pi \times 16.66} = 131.83 \,\text{N m}$$

• مساوات 7.50 سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.1638$$

اور اس پر موٹر کی رفتار  $836.2 = 836.2 ag{30.0} ag{50.0}$  اور اس پر موٹر کی رفتار  $836.2 ag{50.0}$ 

و چالو کرتے کھے پر سرک ایک ہو گی لہذا  $\frac{R'_r}{s} = 0.31$  ہو گا اور یوں

$$\hat{I}'_r = \frac{229.2 / 1.246^\circ}{0.4576 + j0.9573 + 0.31 + j0.34} = 152.07 / -58.14^\circ$$
 
$$I'_r = 152 \, \mathrm{A}$$

اس لمحه قوت مروڑ

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205 \,\text{N}\,\text{m}$$

7.10 پنجب رانب المالي موٹر

مثال 7.4: دو قطب ستارہ جڑا پچاس ہر ٹز پر چلنے والا تین مرحلہ امالی موٹر 2975 چکر فی منٹ کی رفتار پر بارہ کلوواٹ کے میکانی بوجھ سے لدا ہے۔موٹر کی سرک اور دھرے پر قوت مروڑ حاصل کریں۔

 $\sqrt{2}$  من ہے۔ یوں سرک جانوں میں معاصر رفتار 0.5 معاصر رفتار  $\frac{2}{P}f_e=\frac{2}{2}\times 50=50$  چگر فی منٹ ہے۔ یوں سرک  $\frac{2}{P}f_e=\frac{2}{2}\times 50=50$  علی منٹ ہے۔ یوں سرک  $s=\frac{3000-2975}{3000}=0.00833$  یا  $s=\frac{3000-2975}{3000}=0.00833$  اس کے دھرے پر قوت مروڑ  $s=\frac{12000}{2\times\pi\times49.58}=38\,\mathrm{N}$  سکے دھرے پر قوت مروڑ  $s=\frac{12000}{2\times\pi\times49.58}=38\,\mathrm{N}$  سکے دھرے پر قوت مروڑ وہ

#### 7.10 پنجرانماامالی موٹر

گومتے کچھوں کی ساخت پر ذرا غور کرتے ہیں۔ گومتے کچھوں کے  $N_r$  چکر ہوتے ہیں جہاں  $N_r$  کوئی جمی عدد ہو سکتا ہے۔ سادہ ترین صورت میں  $N_r$  ایک کے برابر ہو سکتا ہے یعنی ایک ہی چکر کا گھومتا کچھا۔ اب بجائے اس کے کہ قالب میں کچھوں کے لئے شگاف بنائے جائیں اور ہر شگاف میں تانبے کی تار کا ایک چکر لپٹا جائے ہم یوں بھی کر سکتے ہیں کہ ہر شگاف میں سیدھا تانبے کا ایک سلاخ رکھ دیں اور اس طرح کے سب سلاخوں کی ایک جانب کے سروں کو تانبے کی ایک دائرہ نما سلاخ سے کسر دور کر دیں اور اس طرح دوسری جانب کے سب سروں کو بھی ایک تانبے کی دائرہ نما سلاخ سے کسر دور کر دیں۔ اس طرح تانبے کی سلاخوں کا پنجرا بن جاتا ہے۔ اس لئے ایسے امالی موٹروں کو پنجرا نما امالی موٹر کتے ہیں۔

حقیقت میں شگافوں میں پگھلا تانبا یا سلور 27 ڈالا جاتا ہے جو ٹھنڈا ہو کر ٹھوس ہو جاتا ہے اور قالب کو جھکڑ لیتا ہے۔ دونوں اطراف کے دائرہ نما کسرِ دور کرنے والے چھلے بھی اِسی طرح اور اِسی وقت بنائے جاتے ہیں۔ اس طرح مید ایک مضبوط گھومتا حصہ بن جاتا ہے۔ اسی مضبوطی کی وجہ سے پنجرا نما امالی موٹر نہایت مقبول ہوا ہے۔ ایسے موٹر سالوں تک بغیر دیکھ بال کے کام کرتے ہیں اور عام زندگی میں ہر جگہ پائے جاتے ہیں۔ گھروں میں پانی کے پہپ اور پیکھے اِنہیں سے چلتے ہیں۔ گھروں میں پانی کے پہپ اور پیکھے اِنہیں سے چلتے ہیں۔

copper, aluminium<sup>27</sup>

بـــــ7.امالي مشين

#### 7.11 بي جوجه موٹراور جامد موٹر کے معائنہ

امالی موٹر کی کارکردگی دو معائنوں سے معلوم کی جاتی ہے۔ انہی سے اس کے مساوی برقی دور کے جزو بھی حاصل کئے جاتے ہیں۔ہم تین دور کی امالی موٹر کی مثال سے ان معائنوں کا تذکرہ کرتے ہیں۔

#### 7.11.1 ي بوجھ موٹر کامعائنہ

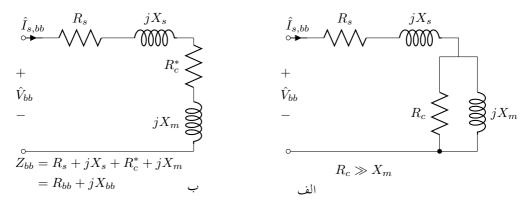
یہ معائنہ بالکل ٹرانسفار مر کے بے بوجھ معائنہ کی طرح ہے۔اس میں موٹر کی ہیجان انگیز برقی رو اور بے بوجھ موٹر میں طاقت کے ضیاع کی معلومات حاصل ہوتی ہیں۔

اس میں بے بوجھ امالی موٹر پر تین مرحلہ مساوی برقی و ہاؤ $^{28}$  لاگو کر کے بے بوجھ موٹر کی برقی طاقت کا ضیاع  $p_{bb}$  اور اس کے ساکن کچھے کی بیجان انگیز برقی رو  $I_{s,bb}$  ناپی جاتی ہے۔یہ معائنہ امالی موٹر کی پورے برقی و باؤ اور برقی تعدد پر کیا جاتا ہے۔

ہو۔ اور دیگر طاقت کے ضیاع کی وجہ سے درکار  $I'_r$  ہو۔ ان کی موٹ مہر وڑ پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر طاقت کے ضیاع کی وجہ سے درکار ہو۔ ات کی کم قوت مروڑ بہت کم سرک پر عاصل ہو جاتی ہے۔ مساوات 7.47 سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرک پر ہا ہو۔ اس بھی نہایت کم ہو گی اور اس سے گھومتے کچھوں میں برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس بات کو صفحہ 224 پر شکل 7.7 کی مدد سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جہاں یہ واضح ہے کہ بہت کم سرک پر مزاحمت  $\frac{R'_r}{s}$  کی قیمت بہت زیادہ ہو جاتی ہے اور اس کو کھلے دور سمجھا جا سکتا ہے۔ ایسا کرنے سے شکل 7.14 الف ملتا ہے۔

شکل 7.14-الف میں  $R_c$  اور  $jX_m$  کے متوازی دور کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.14-ب میں دکھایا گیا  $Z_m$  کی قیمت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔ متوازی دور کی رکاوٹ  $Z_m$ 

کھتے ہوئے افظ بے بوجھ کے پہلے حروف باور ب کوزیر نوشت میں bb سے ظاہر کیا گیا ہے۔



شكل 7.14: بي بوجه امالي موٹر كامعا ئند-

سے مساوی سلسلہ وار رکاوٹ  $Z_s$  یوں حال ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}}$$

$$= \frac{R_{c}jX_{m}}{R_{c} + jX_{m}} \frac{R_{c} - jX_{m}}{R_{c} - jX_{m}}$$

$$= \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2} + X_{m}^{2}}$$

$$\approx \frac{jR_{c}^{2}X_{m} + R_{c}X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}} \qquad \text{if } R_{c} \gg X_{m}$$

$$= jX_{m} + \frac{X_{m}^{2}}{R_{c}} = jX_{m} + R_{c}^{*} = Z_{s}$$

بے بوچھ ٹرانسفار مرول میں ابتدائی کچھوں کے برقی طاقت کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جاتا ہے۔ بے بوچھ امالی موٹرول کی بیجان انگیز برقی روکافی زیادہ ہوتی ہے لہذا ان کے ساکن کچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز نہیں کیا جا سکتا۔ بے بوچھ امالی موٹر کی pbb سے اگر تین ساکن کچھوں کی برقی ضیاع منفی کی جائے تو اس میں میکافی طاقت کے ضیاع کا حساب لگایا جا سکتا ہے لیخی

$$(7.53) p_{bb} - 3I_{s,bb}^2 R_s$$

میکانی طاقت کا ضیاع بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر کے لئے کیساں تصور کیا جاتا ہے۔

شكل 7.14-ب سے ہم لكھ سكتے ہيں۔

(7.54) 
$$R_{bb} = \frac{p_{bb}}{3I_{s,bb}^2}$$

$$Z_{bb} = \frac{V_{bb}}{I_{s,bb}}$$

$$X_{bb} = \sqrt{|Z_{bb}|^2 - R_{bb}^2}$$

$$X_{bb} = X_s + X_m$$

 $X_s$  عالیت کے بوجھ متعاملیت  $X_{bb}$  حاصل ہوتی ہے۔اگر کسی طرح ساکن کچھے کی متعاملیت معلوم ہو تب اس مساوات سے  $X_m$  حاصل کی جاسکتی ہے۔اگلے معائنہ میں ہم  $X_s$  کا اندازہ لگا سکیں گے۔

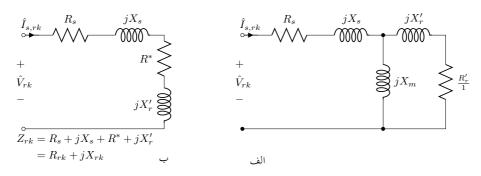
#### 7.11.2 حامد موٹر کامعائنہ

یہ معائد ٹرانسفار مر کے کسرِ دور معائد کی طرح ہے۔ اس میں مشین کے بِستا امالوں کی معلومات حاصل ہوتی ہے۔البتہ امالی موٹر کا مسلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔امالی موٹر کی بِستا امالہ گھومتے کچھوں میں برقی تعدد اور قالب کے سیر اب ہونے پر مخصر ہوتے ہیں۔

اس معائنہ میں امالی موٹر کے گھومتے جھے کو حرکت کرنے سے زبردستی روک دیا جاتا ہے جبکہ ساکن کچھوں پر بیرونی برتی دباؤ  $V_{rk}$  لا گو کر کے برقی طاقت  $p_{rk}$  اور ساکن کچھوں کی برتی رو $V_{rk}$  نافی جاتی ہیں۔ اصولی طور پر بیہ معائنہ اُن حالات کو مد نظر رکھ کر کیا جاتا ہے جن پر موٹر کی معلومات درکار ہوں۔

جس لمحہ ایک موٹر کو ساکن حالت سے چالو کیا جائے اس لمحہ موٹر کی سرک ایک کے برابر ہوتی ہے اور اس کے گھومتے کچھوں میں عام تعدد  $f_e$  کی برقی رو $f_e$  ہوتی ہے، للذا اگر اس لمحہ کے نتائج در کار ہوں تو موٹر کے ساکن کچھوں پر عام تعدد لیعنی  $f_e$  کی اتنی برقی د باؤ لا گو کی جائے گی جتنی سے اس کے گھومتے کچھوں میں برقی رو  $f_e$  ہو۔ اس طرح اگر عام چالو حالت میں بوجھ بردار موٹر کے نتائج در کار ہوں جب موٹر کی سرک  $f_e$  اور اس کے گھومتے لچھوں میں برقی رو $f_e$  تعدد کی برقی د باؤ استعال کی جائے گی اور اس کی مقدار اتن کی حالات کے مقدار اتن کی حالے میں برقی روہ کے میں برقی دو موٹر کے باؤ استعال کی جائے گی اور اس کی مقدار اتن کی حالے میں برقی دو موٹر کے باؤ استعال کی جائے گی اور اس کی مقدار اتن کی مقدار اتن کی حالے میں برقی دو موٹر کے بیار کی برقی دو موٹر کے بیار کی مقدار اس کی میں برقی دو باؤ استعال کی جائے گی اور اس کی مقدار اس کی میں برق دو باؤ استعال کی برق دو برق دو برق دو برق دو برق کی برق دو برق دو برق دو برق کی برق دو برق دو

t=0کی لیجے کے برتی رو کو چیوٹی ککھائی میں وقت صفرے منسلک کیا گیا ہے لینی t=01 $t\to\infty$  کی گئے گئے گئے ہے۔  $t\to\infty$ 



شكل 7.15: ركے امالی موٹر كامعائند\_

رکھی جائے گی جتنی سے گھومتے کچھوں میں  $I_{t\to\infty}$  برقی رو وجود میں آئے۔تقریباً  $20\,\mathrm{kV}$  میں موٹروں میں برقی تعدد کے اثرات قابل نظر انداز ہوتے ہیں لہذا ان کا معائنہ  $f_e$  تعدد کی برقی دباؤ پر ہی کیا جاتا ہے۔

یہاں صفحہ 224 پر دکھائے شکل 7.7 کو رکے موٹر کے معائنہ کی نقطہ نظر سے دوبارہ بناتے ہیں۔رکے موٹر کی مرک ایک کے برابر ہوتی ہے۔مزید یہ کہ اس معائنہ میں لاگو برتی دباؤ عام چالو موٹر پر لاگو برتی دباؤ سے خاصی کم ہوتی ہے۔اتی کم لاگو برتی دباؤ پر قالبی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔شکل میں  $R_c$  کو کھلے دور کرنا قالبی ضیاع کو نظرانداز کرنے کے مترادف ہے۔ایسا کرنے سے شکل 7.15-الف ماتا ہے۔چونکہ s=1 ہمذا اس شکل میں r=1 کو r=1 لیگرانیا ہے۔

شکل 7.15-الف میں  $jX_m$  اور  $(R'_r+jX'_r)$  متوازی جڑے ہیں۔ ان کا مساوی سلسلہ وار دور شکل 7.15-ب میں دکھایا گیا ہے۔اس متوازی دور کی مزاحمت  $Z_m$  سے سلسلہ وار مزاحمت  $Z_s$  یوں حاصل ہوتی ہے۔

$$Z_{m} = \frac{jX_{m}(R'_{r} + jX'_{r})}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}$$

$$= \left(\frac{jX_{m}R'_{r} - X_{m}X'_{r}}{R'_{r} + j(X_{m} + X'_{r})}\right) \left(\frac{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}{R'_{r} - j(X_{m} + X'_{r})}\right)$$

$$= \frac{jX_{m}R'^{2} + X_{m}R'_{r}(X_{m} + X'_{r}) - X_{m}X'_{r}R'_{r} + jX_{m}X'_{r}(X_{m} + X'_{r})}{R'^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= \frac{X_{m}^{2}R'_{r}}{R'^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}} + \frac{j(X_{m}R'^{2} + X_{m}^{2}X'_{r} + X_{m}X'^{2})}{R'^{2} + (X_{m} + X'_{r})^{2}}$$

$$= R_{s}^{*} + jX_{s}^{*} = Z_{s}$$

ا گران مساوات میں  $X_m\gg X_r'$  اور  $X_m\gg X_r'$  لیا جائے تو حاصل ہوتا ہے۔

$$(7.56) R_s^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'}\right)^2$$

$$(7.57) X_s^* = \approx \frac{X_m R_r'^2}{X_m^2} + \frac{X_m^2 X_r'}{X_m^2} + \frac{X_m X_r'^2}{X_m^2} \approx X_r'$$

اس معائنہ میں ناپے مقداروں اور شکل 7.15-ب سے

(7.58) 
$$Z_{rk} = \frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$

$$R_{rk} = \frac{p_{rk}}{3I_{s,rk}^2}$$

$$X_{rk} = \sqrt{|Z_{rk}|^2 - R_{rk}^2}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ اس مساوات کے پہلے جزو میں ناپے برقی دباؤ اور برقی روسے رکاوٹ حاصل کی گئی ہے، اس کے دوسرے جزوسے مزاحمت اور تیسرے میں متعاملیت۔

اب شکل 7.15-ب سے واضح ہے کہ

$$(7.59) X_{rk} = X_s + X_r'$$

امالی مشین مختلف خصوصیات کو مد نظر رکھ کر بنائے جاتے ہیں۔ عام آدمی کے آسانی کے لئے ایسے مشینوں کی درجہ بندی کی جاتی ہیں۔ A,B,C,D اور ایسی مشین جن کا گھمتا حصہ بندی کی جاتی ہے۔ جدول 7.1 میں پنجرا نما امالی موٹر کے مختلف اقسام A,B,C,D اور ایسی مشین جن کا گھمتا حصہ کیچھے پر مشتمل ہو، کے رِستا متعاملیت  $X_{rk}$  کو ساکن اور گھومتے کچھوں میں تقسیم کرنا دکھایا گیا ہے۔ اس جدول کے مطابق، گھومتے کچھے والی مشین میں ساکن اور گھومتے متعاملیت برابر ہوتے ہیں۔ اسی طرح شکل 7.15-ب سے واضح ہے کہ  $R_{rk}=R^*+R_s$  لمذا اگر ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_s$  براہِ راست مزاحمت ناپنے کے آلہ یعنی اوہم میٹر 31 سے نائی جائے تو

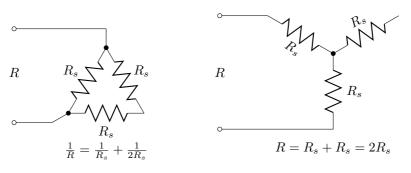
$$(7.60) R^* = R_{rk} - R_s$$

ہو گا اور اب  $R'_r$  کو مساوات 7.56 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں  $X_m$  بے بوجھ امالی موٹر کے معائنہ میں حاصل کی جاتی ہے۔

Ohm meter<sup>31</sup>

$X'_r$	$X_s$	خاصيت	گھومتاحصہ
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	کار کرد گی گھومتے ھیے کی مزاحمت پر منحصر	ليثاهوا
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	عام ابتدائی قوت مر وڑ،عام ابتدائی رو	$A$ بناو $\Delta$
$0.6X_{rk}$	$0.4X_{rk}$	عام ٰابتدائی قوت مر وڑ ، کم ابتدائی رو	Bبناوٹ
$0.7X_{rk}$	$0.3X_{rk}$	زیاد هابتدائی قوت مر وژ ، کم ابتدائی رو	$C$ بناو $^{\!$
$0.5X_{rk}$	$0.5X_{rk}$	ز باد ہابتدائی قوت مر وڑ، زیادہ سر ک	$D$ بناو $\Delta$

جدول 7.1: متعامليت كي ساكن اور گھومتے حصوں ميں تقسيم۔



شکل 7.16: ستار داور تکونی جڑی موٹروں کی ساکن لیجھوں کی مزاحمت کااوہم میٹر کی مددسے حصول۔

اوہم میٹر کی مدد سے ساکن کچھے کی مزاحمت ناپتے وقت یہ جاننا ضروری ہے کہ موٹر ستارہ یا تکونی جڑی ہے۔ شکل 7.16 میں کچھے کو دونوں طرح جڑا دکھایا گیا ہے۔ اگر یک مرحلہ مزاحمت  $R_s$  ہو تو ستارہ جڑی موٹر میں اوہم میٹر  $2R_s$  مزاحمت دے گی۔ حکم مزاحمت دے گی جبکہ تکونی جڑی موٹر کے لئے یہ  $2R_s$  مزاحمت دے گی۔

مثال 7.5: ستارہ جڑی چار قطب بچاس ہر ٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی موٹر کے معائنہ کئے جاتے ہیں۔ موٹر کی بناوٹ درجہ بندی A کے مطابق ہے۔اوہم میٹر کسی بھی دو برتی سروں کے مابین 0.55 اوہم جواب دیتا ہے۔ب بوجھ معائنہ Hz 50 اور 415 کرتے ہوئے برتی رو 4.1 A اور طاقت کا ضیاع W 906 ناپے جاتے ہیں۔جامد موٹر معائنہ Hz 15 اور کا 50 کرتے ہوئے برتی رو A 13.9 اور طاقت کا ضیاع W 850 ناپے جاتے ہیں۔اس موٹر معائنہ حال کو دو بنائیں اور پانچ فی صد سرک پر اس کی اندرونی میکانی طاقت عاصل کریں۔

 $R_s=rac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$  حاصل او ہم میٹر کے جواب سے ستارہ جڑی موٹر کے ساکن کچھے کی مزاحمت  $R_s=rac{0.55}{2}=0.275\,\Omega$  حاصل ہوتی ہے۔ بے بوجھ معائنہ میں یک مرحلہ برتی دباؤ V=1.5

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965 \,\Omega$$

$$|Z_B| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439\,\Omega$$

$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2} = 55.609 \,\Omega = X_s + X_m$$

للذاركے موٹر معائنہ كے نتائج سے  $X_s$  حاصل كرنے كے بعد  $X_m$  حاصل ہو جائے گا۔

ساکن کچھے کی مزاحمت میں اس برقی رو پر کل

 $3I_{bb}^2R_s = 3 \times 4.1^2 \times 0.275 = 13.87 \,\mathrm{W}$ 

برتی طاقت کا ضیاع ہو گا لہذا رگڑ اور دیگر طاقت کا ضیاع 892=3.86-906 واٹ ہو گا۔

رکے موٹر کے معائد میں یک مرحلہ برقی دباؤ  $\frac{50}{\sqrt{3}} = 28.9$  وولٹ ہیں یوں اس معائد سے

$$R_{rk} = \frac{850}{3 \times 13.91^2} = 1.464 \,\Omega$$

$$|Z_{rk}| = \frac{28.9}{13.91} = 2.07\,\Omega$$

$$X_{rk,15} = \sqrt{2.07^2 - 1.464^2} = 1.46\,\Omega$$

حاصل ہوتے ہیں۔ اس معائنہ میں برقی تعدد 15 ہرٹز تھی للذا 50 ہرٹز پر متعاملیت

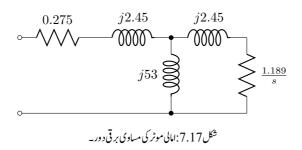
$$X_{rk,50} = \frac{50}{15} \times X_{rk,15} \approx 4.9 \,\Omega$$

ہے۔درجہ بندی A کی امالی موٹر کے لئے یہ متعاملت ساکن اور گھومتے کچھے میں یکسال تقسیم ہوتی ہے لہذا

$$X_s = X_r' = \frac{4.9}{2} = 2.45 \,\Omega$$

نوں

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53\,\Omega$$



چونکہ  $R_s=0.275$  اوہم ہے لگذا

 $R'_r = R_{rk} - R_s = 1.464 - 0.275 = 1.189 \,\Omega$ 

ہو گا۔یہ مساوی برقی دور شکل 7.17 میں دکھایا گیا ہے۔

پانچ فی صد سرک پر اندرونی میکانی طاقت کی خاطر بائیں جانب کا تھوِنن مساوی دور استعال کرتے ہوئے

$$V_t = 229/0.2833^{\circ}$$

$$Z_t = 0.251 + j2.343$$

$$\left|\hat{I}_r'\right| = 11.8\,\mathrm{A}$$

$$p_m = \frac{3 \times 11.8^2 \times 0.974 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 7730 \,\text{W}$$

باب.7.امالي مشين

## باب8

## یک سمتی رومشین

یک سمتی رو مشین یا تو یک سمتی رو آبر قی طاقت پیدا کرتے ہیں یا پھر یہ یک سمتی رو برقی طاقت سے چلتے ہیں۔ یک سمتی رو موٹروں کی اہمیت بتدر تے کم ہوتی جا رہی ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر استعال ہونے گے ہیں جو جدید طرز کے قوی المیکٹرانکس میں تا تا ہو گئے جاتے ہیں۔ موجودہ دور میں گاڑیوں میں گئے یک سمتی جزیئر بھی دراصل سادہ برلتی رو جزیئر ہوتے ہیں جن کے اندر نسب ڈایو ڈ آن کی برلتی محرک برقی دباؤ کو یک سمتی محرک برقی دباؤ میں تبدیل کر دیتی ہے۔ تبدیل کر دیتی ہے۔

اس باب میں دو قطب کے یک سمتی آلوں کا مطالعہ کیا جائے گا۔میکانی سمت کار رکھنے والے یک سمتی آلوں میں میدانی کچھا ساکن ہوتا ہے جبکہ قوی کچھا گھومتا ہے۔

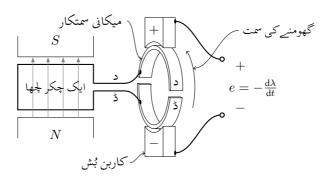
## 8.1 ميکاني سمت کار کې بنياد ې کار کر د گي

جزیر بنیادی طور پر بدلتی رو برقی دباؤ ہی پیدا کرتا ہے۔ یک سمتی جزیر کے اندر نب سمت کار 4 میکانی طریقہ سے اس بدلتی رو کو یک سمتی برقی دباؤ حاصل ہوتا ہے۔ اس بدلتی رو کو یک سمتی رو میں تبدیل کرتا ہے اور یوں جزیر کی برقی سروں سے یک سمتی برقی دباؤ حاصل ہوتا ہے۔

dc, direct current<sup>1</sup> power electronics<sup>2</sup> diode<sup>3</sup>

 $commutator^4$ 

باب.8. یک ستی روشین

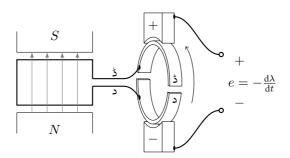


شكل 8.1: ميكاني سمت كار ـ

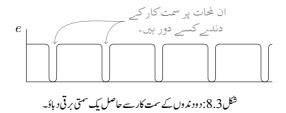
سمت کار کو شکل 8.1 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں جزیئر کے قوی کچھے کو ایک چکر کا دکھایا گیا ہے اگرچہ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا۔ قوی کچھے کے برقی سرول کو د اور ڈسے ظاہر کیا گیا ہے جو سمت کار کے د اور ڈسھوں کے ساتھ جُڑے ہیں۔ قوی کچھا اور سمت کار ایک ہی دھرے پر نسب ہوتے ہیں اور یوں یہ ایک ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ نصور کریں کہ یہ وونوں گھڑی کی اُلٹی سمت مقناطیسی میدان میں گھوم رہے ہیں۔ مقناطیسی میدان اُفقی سطح میں S کی جانب ہے جے نوکدار لکیروں سے دکھایا گیا ہے۔ سمت کار کے ساتھ کار بن کے ساکن اُبٹن، اسپر نگ کی مدد سے دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ ان کاربن کے اُبٹوں سے برتی دباؤ ہیرونِ جزیئر موصل برتی تاروں کے ذریعہ منتقل کی جاتی ہیں۔ان اُبٹوں کو فیان یعنی – سے ظاہر کیا گیا ہے۔

د کھائے گئے لمحہ پر لچھے میں پیدا برقی دباؤ e کی وجہ سے لحھے کا برقی سرا د مثبت اور اس کا برقی سرا ڈ منفی ہے۔ یوں سمت کار کا حصہ د مثبت اور اس کا حصہ ڈ منفی ہے جس سے کار بن کے + نشان والا بُش مثبت اور — نشان والا بُش منفی ہے۔ آدھے چکر بعد خلاء میں لحچھے کی د اور ڈ اطراف آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گی۔ یہ شکل 8.2 میں د کھایا گیا ہے۔ لچھے کے د اور ڈ اطراف اب بھی سمت کار کے د اور ڈ حصول کے ساتھ جُڑے ہیں۔ اس لمحہ پر لچھے پر برقی دباؤ اُلٹ ہو گی اور اب اس کا د طرف منفی اور ڈ طرف مثبت ہو گا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ یہاں سمت کار کی کار کرد گی سامنے آتی ہے اور ہم دیکھتے ہیں کہ کار بن کا + نشان والا بُش اب بھی مثبت اور — نشان والا بُش اب بھی مثبت اور — نشان والا بُش اب بھی منفی ہے۔ یوں جزیر کے ہیرونی برقی سرول پر اب بھی برقی دباؤ پہلے کی سمت میں ہی ہے۔ سمت کاری کے داشوں کے مابین برقی دباؤ ہوتا ہے لہذا ان کو غیر موصل شہ کی مدد ایک دونوں سے اور دھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔

گھومتے وقت ایک ایبالحہ آتا ہے جب سمت کار کے دونوں دانت کاربن کے دونوں بُثوں کے ساتھ جُڑے ہوتے ہیں لیعنی اس لحمہ کاربن کے بُش محیط پر اس طرح رکھے جاتے ہیں کہ جس



شکل 8.2: آدھے چکر کے بعد بھی + کُشِ مثبت ہی ہے۔



لمحہ کچھے میں برقی دباؤ مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہونے لگے اسی لمحہ کاربن کے بُش کچھے کو کسرِ دور کرے۔ چونکہ اس لمحہ کچھے کے پیدا کردہ برقی دباؤ صفر ہوتی ہے لہذا اسے کسرِ دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا۔اس طرح حاصل برقی دباؤ شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔

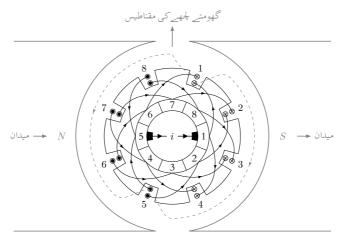
یہاں دو دندوں والا سمت کار اور دو مقناطیسی قطب کے درمیان گھومتا ایک ہی قوی لچھا دکھایا گیا ہے۔ حقیقت میں جزیئر کے بہت سارے قطب ہوں گے اور ہر ایک قطب کے لئے سمت کار کے کئی دندے ہوں گے۔ مزید سے کہ نہایت چھوٹی آلوں میں مقناطیسی میدان مقناطیس ہی فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں مقناطیسی میدان ساکن میدانی لچھے فراہم کرتے ہیں۔ مثین کے دونوں قشم کے لچھے تقسیم شدہ ہوتے ہیں۔

اب ہم زیادہ دندول کے ایک سمت کار کو دیکھتے ہیں۔

#### 8.1.1 ميكاني سمت كاركي تفصيل

پچھلے حصہ میں سبت کار کی بنیادی کارکردگی سمجھائی گئی۔ اس حصہ میں اس پر تفصیلاً غور کیا جائے گا۔ یہاں شکل 8.4 سے رجوع کریں۔اس شکل میں اندر کی جانب دکھائے گئے سبت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔سمت

بابـــ8. یک ستی روشین

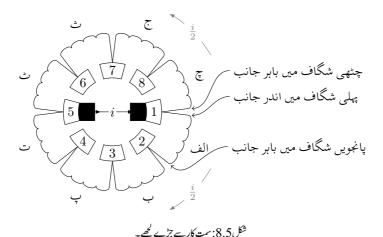


شکل 8.4 : کاربن کُش سمتکار کے دندوں کو کسر دور نہیں کررہا۔

کار کی اندر جانب کاربن کُش دکھائے گئے ہیں جبکہ بیرونِ جزیٹر برتی رو کو ظاہر کرتی ہے۔ شگافوں کو بھی ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔اس جزیٹر کے دو قطب ہیں جبکہ اس میں کل آٹھ شگاف ہیں۔اس طرح اگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہو تو تین شگاف جھوڑ کر موجود شگاف دوسرے قطب کے سامنے ہو گا۔ہم کہتے ہیں کہ ایسے دو شگاف ایک قطب ناصلے پر ہیں۔

شگافوں میں موجود کچھوں میں برقی روکی سمتیں نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے گئے ہیں۔ نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر باہر جانب کی سمت کو ظاہر کرتی ہے۔یوں پہلی شگاف میں برقی روکی سمت کو ظاہر کرتی ہے۔یوں پہلی شگاف میں برقی روکی سمت عمودی طور پر صفحہ کی اندر جانب کو ہے۔

ہر شگاف میں دو کچھے و کھائے گئے ہیں۔ پہلی شگاف کی اندر جانب موجود کچھا، ست کار کی پہلی دانت سے بُڑا ہے۔ یہ جوڑا موٹی لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔ شگاف کے نچلے سرے سے نکل کر یہ لچھا پائے نمبر شگاف کے نچلے سرے میں باہر جانب کو داخل ہوتا ہے۔ اس بات کو نقطہ دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔ اس طرح دو لچھے دو سرے اور چٹے شگافوں میں ہاہر کی جانب ہے جبکہ دو سرا شگافوں میں ہاہر کی جانب ہے جبکہ دو سرا لچھا دو سرے شگاف میں باہر کی جانب اور چٹے شگاف میں اندر کی جانب ہے۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں لچھا دو سرے شگاف میں باہر کی جانب اور چٹے شگاف میں اندر کی جانب ہے۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں شگاف کے لئے دکھائے گئے ہیں۔ آپ خود باتی شگافوں کے لئے انہیں بنا سکتے ہیں۔ ہر لچھے کی ایک طرف شگاف میں اندر جانب اور اس کی دو سری طرف ایک قطب دور موجود شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔ سمت کار کا یہی پہلا دانت چوشھ شگاف کی باہر جانب موجود لچھے سے بھی بُڑا ہے۔ آپ یہاں رکھ کر شکل 8.5 کی مدد سے مشین میں دانت چوشھ شگاف کی باہر جانب موجود لچھے سے بھی بُڑا ہے۔ آپ یہاں رکھ کر شکل 8.5 کی مدد سے مشین میں

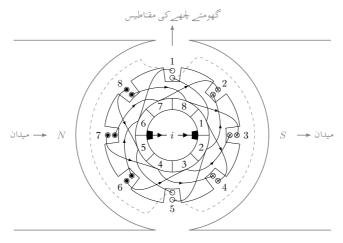


برقی رو کی سمتیں سمجھیں اور تبلی کر لیں کہ یہ درست و کھائے گئے ہیں۔اس شکل میں کچھوں کو الف، ب ، پ وغیرہ نام دیئے گئے ہیں جبکہ سمت کار کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔کاربن کے کُش پہلے اور پانچویں دانت سے جڑے دکھائے گئے ہیں۔

اس شکل میں کاربن بُش سے برقی رو سمت کارکی پہلے دانت سے ہوتے ہوئے دو برابر مقداروں میں تقسیم ہو کر دو کیساں متوازی راستوں گزرے گی۔ایک راستہ سلسلہ وار جڑے الف، ب، پ اور ت کچھوں سے بنتا ہے جبکہ دوسرا راستہ سلسلہ وار جڑے ہے، ث، ج اور چ کچھوں سے بنتا ہے۔یہ دو سلسلہ وار راستے آپی میں متوازی جڑے ہیں۔برقی روکی سمت نقطہ دار چونچ والی لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔دو متوازی راستوں سے گزرتا برقی روایک مرتبہ دوبارہ مل کر ایک ہو جاتا ہے اور سمت کار کے پانچویں دانت سے جڑے کاربن بُش کے ذریعہ مثین سے باہر نکل جاتا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ گھومتے جھے کی شگافوں میں موجود کچھوں میں برقی رو مقناطیسی دباؤکو جنم دے گی جو ساکن مقناطیسی دباؤکو جنم دے گی جو کی سمت میں دباؤکو جنم دے گی جو کی سمت میں قوت مروڑ پیدا کریں گے۔یوں اگر مثین موٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو تو ہے گھڑی کی سمت میں قوت مروڑ پیدا کریں گے۔یوں اگر مثین موٹر کے طور پر استعال کی جا رہی ہو تو ہے گھڑی کی سمت میں برقی دباؤاس سمت میں لاگو کی جائے گی کہ اس میں برقی دوکھائی گئی سمت میں ہو۔

اب بیہ تصور کریں کہ مثین ایک جزیٹر کے طور پر استعال کی جارہی ہو اور اسے گھڑی کی اُلٹی سمت بیر ونی میکانی طاقت سے تھمایا جارہا ہو۔یوں سمت کار کے آدھے دانت برابر حرکت کرنے کے بعد بیہ شکل 8.6 میں دکھلائے حالت اختیار کر لے گی۔اس شکل میں دائیاں کاربن اُبش سمت کار کے پہلے اور دوسرے دانت کے ساتھ جبکہ بائیاں کاربن

باب.8. یک ستی روشین



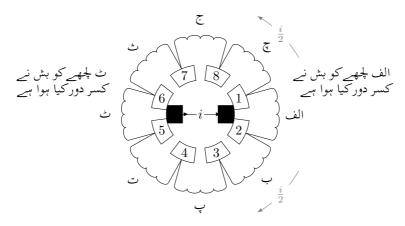
شکل 8.6: کاربن بُش ست کار کے دندوں کو کسر دور کر رہاہے۔

بُش اس کے پانچویں اور چھٹے دانت کے ساتھ بڑو گئے ہیں۔یوں پہلے اور پانچویں شگافوں میں موجود کچھے کسرِ دور ہو گئے ہیں جبکہ بقایا شگافوں میں موجود کچھوں میں حسبِ معمول برقی رو ہو گا جن سے مقاطیسی دباؤ اب بھی پہلے کی طرح ساکن مقاطیسی کی دباؤ کی عمودی سمت میں ہو گا۔اس لمحہ کی صورت شکل 8.7 میں زیادہ واضح ہے۔

مشین جب سمت کار کے ایک دانت برابر حرکت کر لے تو کاربن کے بُش دوسرے اور چھٹے دانت سے بُڑ جائیں گے۔ پہلے اور پانچویں شگافوں میں برقی روکی سمت پہلی سے اُلٹ ہو جائے گی جبکہ باقی شگافوں میں برقی روکی سمتیں برقرار رہیں گی۔ گھومتے کچھوں کا برقی دباؤ اب بھی اُسی سمت میں ہو گا۔

جتنے کھے کے لئے کاربن کے بُش دو کچھوں کو کسِر دور کرتے ہیں اتنے وقت میں ان کچھوں میں برقی روکی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔کوشش کی جاتی ہے کہ اس دوران برقی رو وقت کے ساتھ بندر تئ تبدیل ہو۔اییا نہ ہونے سے کاربن کے بُش سے چنگاریاں تکلتی ہیں جن سے یہ بُش جلد ناکارہ ہو جاتے ہیں۔جزیئر کے کسر دور کچھوں میں پیدا برقی دباؤ انہیں کچھوں میں گھومتی برقی رو پیدا کرتی ہے جو ہمارے کسی کام کی نہیں۔کچھے اور کاربن بش کے برقی مزاحمت اس برقی رو کی قیت کا تعین کرتے ہیں۔

حقیقت میں یک سمتی جزیٹر میں در جن دانت فی قطب والا سمت کار استعال ہو گا اور اگر مشین نہایت مچھوٹی نہ ہو تو اس میں دو سے زیادہ قطب ہول گے۔



شکل 8.7: کاربن بش دودندوں کو کسر دور کررہے ہیں۔

### 8.2 كى سىتى جىزىيۇكى برقى د باؤ

گزشتہ حصہ میں شکل 8.5 کے الف، ب، پ اور ت کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ اس طرح ٹ، ث، ج اور ج کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ حصہ 5.3 میں مساوات 5.23 ایک کچھے کی یک سمتی جزیئر کی محرک برتی دباؤ  $e_1$  و بی ہے۔ اس یاد دھیانی کی خاطر دوبارہ دیا جاتا ہے۔

$$(8.1) e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m$$

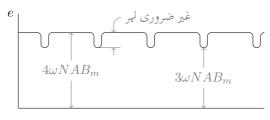
اگر خلائی درز میں  $B_m$  کی مقدار ہر جگہ کیساں ہو تو سب کچھوں میں برابر محرک برقی دباؤ پیدا ہو گا۔یوں شکل 8.4 میں دکھائے لمحہ پر جنزیٹر کی کل محرک برقی دباؤ و e ایک کچھے کی محرک برقی دباؤ کی چار گنا ہو گی یعنی

(8.2) 
$$\begin{aligned} e &= e_{\downarrow\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} \\ &= e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\downarrow} \\ &= 4\omega NAB_{m} \end{aligned}$$

جبه شکل 8.6 میں دکھائے لمحہ پر صرف تین کچھوں کی محرکی برقی دباؤ زیر استعال آتی ہے یعنی

(8.3) 
$$e = e_{\downarrow} + e_{\downarrow} + e_{\sharp}$$
$$= e_{\downarrow} + e_{\xi} + e_{\xi}$$
$$= 3\omega NAB_{m}$$

باب. 8. یک ستی روشین



شکل8.8: آٹھ دندوں کی میکانی سمت کارسے حاصل برقی دباؤ۔

شکل 8.8 میں اس آٹھ دندوں والے میکانی ست کار سے حاصل برتی دباؤ دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں یک سمتی برقی دباؤ پر سوار غیر ضروری لہریں نظر آ رہی ہیں۔اگر جزیٹر میں ایک جوڑی قطب پر کل n کچھے ہوں تو شکل 8.5 کی طرح ہید دو  $\frac{n}{2}$  سلسلہ وار کچھوں جتنی محرکی برتی دباؤ پیدا کرے گی۔

(8.4) 
$$e = \frac{n}{2}\omega N\phi_m = \frac{n}{2}\omega NAB_m$$

اس صورت میں یہ غیر ضروری الهرین کل کیک سمتی برقی دباؤ کی تقریباً

(8.5) 
$$\frac{\omega N \phi_m}{\frac{n}{2} \omega N \phi_m} \times 100 = \frac{2}{n} \times 100$$

فی صد ہو گی۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اگر فی قطب دندوں کی تعداد بڑھائی جائے تو حاصل برقی دباؤ زیادہ ہموار ہو گی اور یہ غیر ضروری لہریں قابل نظر انداز ہوں گے۔

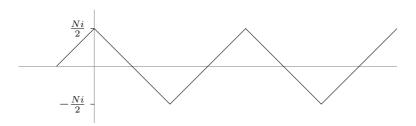
اب تصور کریں کہ شکل 8.4 میں دیئے مثین کی خلائی درز میں  $B_m$  کی مقدار ہر جگہ کیساں نہیں ہے۔اس صورت میں کچھوں میں محرک برقی دباؤ مساوات 8.1 کے تحت مختلف زاویوں پر مختلف ہو گی۔اس طرح مشین سے حاصل کل ہرتی دباؤ چار سلسلہ وار کچھوں کی مختلف محرک برقی دباؤ کے مجموعہ کے برابر ہو گی لیخی

$$(8.6) e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4$$

جہاں  $e_1, e_2, \cdots$  مختلف کچھوں کی محرک برقی دباؤ کو ظاہر کرتے ہیں۔

اب شکل 8.4 پر غور کریں۔اگر گھومتا حصہ صرف ایک دندے برابر حرکت کرے تو اس شکل کی حالت دوبارہ حاصل ہوتی ہے۔اگر میکانی سمت کارکی فی قطب دندوں کی تعداد حاصل ہوتی ہے اور اس سے حاصل برقی دباؤ بھی دوبارہ وہی ملتی ہے۔اگر میکانی سمت کارکی فی قطب دندوں کی تعداد زیادہ کر دی جائے تو یہ حرکت قابل نظر انداز ہو جاتی ہے۔ اب اگر خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاہ ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو اتنی کم حرکت کے احاطے میں  $B_m$  کی مقدار میں کوئی خاص تبدیلی نہیں آئے گی اور اس احاطے

8.3. قوت مروژ



شكل 8.9: آرى دندون نما كثافت ِمقناطيسي دباؤ۔

میں اسے کیساں تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں اگر لچھا اس احاطے میں حرکت کرے تو اس میں محرک برقی دباؤ تبدیل خہیں ہو گی۔ یعنی جس لچھے کی محرکی برقی دباؤ  $e_1$  ہی اس احاطے میں محرکی برقی دباؤ کہی رہے گی۔ یوں اگرچہ خہیں ہو گی۔ یعنی جس محلی ہو گئی ہو سکتے ہیں مگر ان کی مقدار قطعی ہے، لہذا اس صورت میں مساوات 8.6 میں دی گئی محرکی برقی دباؤکی مقدار بھی قطعی ہو گی۔

ہم نے دیکھا کہ اگر خلائی درز میں  $B_m$  ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو جزیٹر سے معیاری یک سمتی محرک برقی دباؤ حاصل ہوتی ہے۔بہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں دباؤ حاصل ہوتی ہے۔بہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں خلائی درز میں  $B_m$  کیساں رکھا جاتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں اسے ہمواری کے ساتھ تبدیل کیا جاتا ہے۔جبیا اوپر ذکر ہوا عملًا میکانی سمت کار کے دندوں تک کچھوں کے سروں کی رسائی ممکن تب ہوتی ہے جب ہر شگاف میں دو کچھ رکھے جائیں۔ اس طرح رکھے کچھوں کی خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ آری کے دندوں کی مانند ہوتا ہے۔یہ شکل 8.9 میں دکھایا گیا ہے۔

زیادہ قطب کے مشین میں شالی اور جنوبی قطب کے ایک جوڑے کی پیدا یک سمتی برتی دباؤ مساوات 8.4 سے حاصل ہو گی جہال n ایک قطبین کے جوڑے پر میکانی ست کار کے دندوں کی تعداد ہو گی۔یوں زیادہ قطبین کے جوڑیوں سے حاصل یک سمتی برقی دباؤ کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑا جا سکتا ہے۔

#### 8.3 قوت مرورُ

یک سمتی آلول کی امالی برقی دباؤ اور قوت مرور خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ کی شکل پر منحصر نہیں۔اپنی سہولت کے لئے ہم ان کی خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما تصور کرتے ہیں۔شکل 8.9 میں دکھائے گئے قوی کچھے کی مقناطیسی

بایے 8. یک ستی روشین

د باؤ کی بنیادی فور بیرٔ جزو<sup>5</sup>

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2}$$

ہے۔یوں چونکہ یک سمتی مشین میں ساکن اور گھومتے کچھوں کی مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں للمذا ان میں قوت مروڑ مساوات 5.101 کی طرح

(8.8) 
$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_m \tau_q$$

ہو گی۔

مثال 8.1: رو قطب بارہ دندوں کے میکانی سمت کار کے یک سمتی جزیٹر میں ہر قوی کچھا بیں چکر کا ہے۔ایک کچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاو 0.0442 ویبر ہے۔جزیٹر 3600 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔

- اس کی پیدایک سمتی برقی دباؤ میں غیر ضروری اہریں کل برقی دباؤ کے کتنے فی صد ہیں۔
  - يك سمتى برقى دباؤ حاصل كرير\_

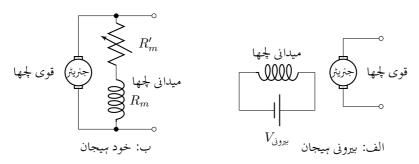
حل:

- مساوات 8.5 سے غیر ضروری لہریں  $\frac{2}{n} \times 100 = \frac{2}{12} \times 100 = 16.66$
- جزیٹر کی رفتار  $\frac{3600}{60}=60$  ہرٹز ہے یوں مساوات 8.4 کی مدد سے حاصل کیک سمتی برقی دباؤ

$$e = \frac{12}{2} \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 1999.82 \text{ V}$$

-4

fundamental Fourier component<sup>5</sup>



شكل 8.10: بير وني بيجان اور خود بيجان يك سمتي جزيير \_

### 8.4 بير وني بيجان اور خود بيجان يك سمتي جزيير

بیرونی ہیںجان <sup>6</sup> یک سمتی جزیٹر کے میدانی کچھے کو بیرونی یک سمتی برقی دباؤ مہیا کی جاتی ہے جبکہ خود ہیںجان <sup>7</sup> یک سمتی جزیٹر کی اپنی پیدا کردہ محرک برقی دباؤ ہی مہیا کی جاتی ہے۔ یک سمتی جزیٹر کی کارکردگی اس کو بیجان کرنے کے طریقے پر منحصر ہے۔

شکل 8.10-الف میں قوی کچھے 8 اور میدانی کچھے 9 کو آپس میں عمودی بنایا گیا ہے۔ یہ ایک سادہ طریقہ ہے جس سے یہ یاد رہتا ہے کہ ان کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں۔ یہاں قوی کچھے کی شکل میکانی سمت کارکی طرح بنائی گئی ہے۔

چونکہ میدانی اور قوی کچھوں کی مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں ہم اس سے یہ اخذ کرتے ہیں کہ ایک کچھے کی برقی دباؤ دوسرے کچھے کی برقی دباؤ پر اثر انداز نہیں ہوتی۔اس کا مطلب ہے کہ مقناطیسی قالب کی کسی ایک سمت میں سیرابیت اس سمت کی عمودی سمت میں سیرابیت پر اثر انداز نہیں ہوتی۔

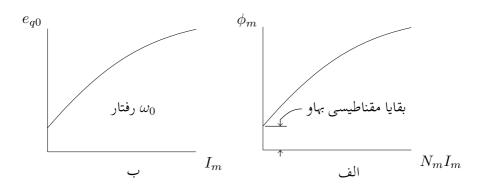
شکل 8.10-الف میں بیرونی بیجان مشین کی میدانی کچھے کو بیرونی یک سمتی برقی طاقت مہیا کی گئی ہے۔یوں میدانی کچھے کی برقی رو تبدیل کر کے اس کی میدانی مقناطیسی دباؤ m، میدانی مقناطیسی مینافیسی بہاو m اور کثافتِ مقناطیسی

separately excited<sup>6</sup> self excited<sup>7</sup>

armature coil<sup>8</sup>

filed coil<sup>9</sup>

باب.8 یک ستی روشین



شکل 8.11: میدانی برتی روسے محرکی برقی دباؤ قابو کی جاتی ہے۔

بہاو  $B_m$  تبدیل کی جا سکتی ہے۔یوں جزیٹر کی محرک برقی دباؤ مساوات 8.1 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے یا پھر موٹر کی قوت مروڑ مساوات 8.8 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے۔

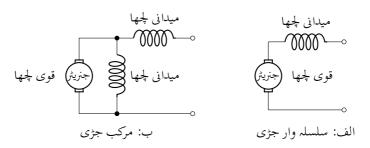
برتی رو بڑھانے سے قالب کا سیر اب ہونا شکل 8.11 میں واضح ہے۔ یوں برتی رو بڑھاتے ہوئے شروع میں محرک برتی د باؤ اور میدانی کچھ کی برتی رو براہِ راست متناسب ہو گی جبکہ زیادہ برتی رو پر ایبا نہیں۔ شکل میں خط ب مشین کے کھلے سرے معائنہ سے حاصل کی جاستی ہے۔ اس شکل میں محرکی برتی د باؤکو  $e_{q0}$  کی بجائے  $e_{q0}$  کھ کر اس بات کی یاد دھیانی کرائی گئ ہے کہ بیہ محرکی د باؤ قوی کچھ سے حاصل کی گئ ہے اور بیر ایک معین رفتار  $\omega_0$  پر حاصل کی گئ ہے۔ اگر کسی اور رفتار  $\omega$  پر اس خط سے محرکی برتی د باؤ  $e_q$  حاصل کرنی ہو تو مساوات 8.4 کی مدد سے کی گئ ہے۔ اگر کسی اور رفتار  $\omega$  پر اس خط سے محرکی برتی د باؤ  $e_q$  حاصل کرنی ہو تو مساوات 8.4 کی مدد سے

(8.9) 
$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\frac{n}{2}\omega NAB_m}{\frac{n}{2}\omega_0 NAB_m} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

لعيني

$$e_q = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0}$$

جہال رفتار کو چکر فی منٹ <sup>10</sup> میں بھی لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ یہ مساوات صرف اُس صورت میں درست ہے جب مقناطیسی میدان تبدیل نہ ہو۔



شكل 8.12: سلسله واراور مركب جراى خود بيجان جزيرً ـ

گئی ہے۔ یوں اگر میدانی کچھے کو ہیجان نہ بھی کیا جائے تو جزیر کچھ محرکی برقی دباؤپیدا کرے گی 11۔ یہ بقایا محرکی برقی دباؤشکل ب میں صفر میدانی برقی روپر دکھائی گئی ہے۔

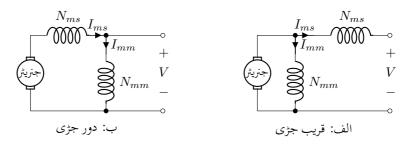
اگر خود میجان جزیٹر کو ساکن حال سے چالو کیا جائے تو بقایا محرکی برقی دباؤ پیدا ہو گی۔اس محرک برقی دباؤ سے میدانی کچھے میں برقی رو رواں ہو گا اور یوں مقناطیسی میدان پیدا ہو گا جس سے مشین ذرا زیادہ بیجان ہو جائے گا اور یوں اس کی محرکی برقی دباؤ بھی کچھ بڑھ جائے گی۔اس طرح کرتے کرتے مشین جلد پوری محرک برقی دباؤ پیدا کرنے شروع ہوتا ہے۔یہ سب اسی اثنا میں ہوتا ہے جب مشین کی رفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔

شکل 8.10-ب میں خود ہیجان مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی کیجھے متوازی بڑے ہیں۔ اس طرح بڑی جڑی جزیٹر کو خود ہیجان متوازی جڑی جزیٹر کہتے ہیں۔اس شکل میں میدانی کیجھے کے ساتھ ایک مزاحمت سلسلہ وار جڑی ہے۔اس مزاحمت کو تبدیل کر کے میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے جس سے بالکل بیرونی ہیجان مشین کی طرح جزیٹر کی محرکی برقی دباؤ یا موٹر کی قوت مروٹر تبدیل کی جاتی ہے۔

شکل 8.12 میں خود ہیجان جزیئر کی دو اور قسمیں دکھائی گئی ہیں۔ ایک خود ہیجان سلسلہ وار جڑی جزیئر اور دوسوی خود ہیجان مرکب جزیئر ہے۔ سلسلہ وار جڑی جزیئر میں میدانی اور قوی کچھ سلسلہ وار جُڑے ہوتے ہیں۔ مرکب جنویٹر میں میدانی اور دوسرا اس کے ہیں۔ مرکب جنویٹر میں میدانی کچھ کے دو ھے ہوتے ہیں جن میں ایک قوی کچھ کے متوازی اور دوسرا اس کے سلسلہ وار جُڑے ہوتے ہیں۔ مزید ہے کہ متوازی جُڑا حصہ قوی کچھ کے قریب ہو سکتا ہے یا پھر بیہ سلسلہ وار کچھ کے دوسری جانب یعنی دور جُڑا ہو سکتا ہے۔ پہلی صورت میں اسے قریب جڑی موکب جزیئر اور دوسری صورت میں دور جڑی موکب جزیئر کہیں گئے ہیں۔

<sup>۔</sup> 11 آپ شیک موبق رہے ہیں۔ جزیز بنانے والے کار خانے میں قالب کو پہلی مرتبہ مقناظیس بنانالی تا ہے۔ 112 میں میں مصدور کے اور اور میں میں اور اور میں ا

باب. 8. یک ستی روشین



شکل 8.13: مر کب قریب جڑی اور مر کب دور جڑی خود بیجان جزیٹر

یک سمتی موٹر بھی اسی طرح پکارے جاتے ہیں۔ یعنی شکل 8.10 کی طرح جڑی دو موٹروں کو بیرونی بیجان موٹر اور خود بیجان متوازی جڑی موٹر کہیں گے۔موٹر میں قوی کچھے کی برقی رو کی سمت جزیئر کے برقی رو کی سمت کے اُلٹ ہوتی ہے۔ اُلٹ ہوتی ہے۔

ہر طرح جڑی یک سمتی جزیٹر کی میدانی مقناطیسی دباؤ اس کے میدانی کچھ کے چکر ضرب برقی رو کے برابر ہوتی ہے یعنی

$$\tau = N_m I_m$$

شکل 8.10 میں خود بیجان متوازی جڑی جزیٹر کی میدانی کچھے میں برقی رو اس کچھے اور اس کے ساتھ جڑی مزاحمت  $R = R_m + R'_m$  پول خود بیجان متوازی جڑی جزیٹر کے لئے اس مساوات کو یوں کھیا جائے گا۔

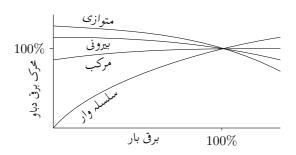
$$\tau_{m,m} = \frac{I_m V}{R_m + R'_m}$$

سلسلہ وار جڑی جزیر میں میدانی برتی رو جزیر کے قوی کچھے کی برتی رو کے برابر ہوتی ہے للذا اس صورت میں اس مساوات کو بول لکھا جا سکتا ہے۔

$$\tau_{m,s} = N_m I_q$$

شکل 8.13 میں مرکب جزیٹر میں میدانی مقناطیسی دباؤ کے دو جسے ہیں۔اس میں  $N_{mm}$  چکر کے متوازی جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  اور  $N_{ms}$  چکر کے سلسلہ وار جڑے میدانی کچھے میں برقی رو  $I_{ms}$  ہامذا

(8.14) 
$$\tau_{m,mk} = N_{ms}I_{ms} + N_{mm}I_{mm}$$



شکل 8.14: یک سمتی جزیٹر کی محرک برقی دباؤ بمقابلہ برقی بوجھ کے خطہ

## 8.5 کیک سمتی مشین کی کار کردگی کے خط

#### 8.5.1 حاصل برقى دباؤ بالقابل برقى بوجھ

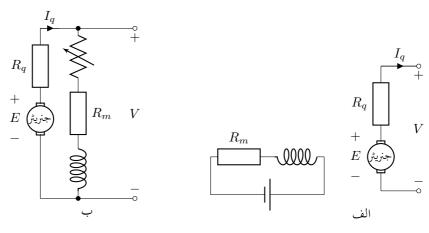
مختلف طریقوں سے بُڑے یک سمتی جزیٹروں سے حاصل برقی دباؤ بمقابلہ ان پر لدے برقی بوجھ کے خط شکل 8.14 میں دکھائے گئے۔ گھومتی رفتار معین تصور کی گئی ہے۔دھرے پر لا گو بیرونی میکانی طاقت جزیٹر کی قوت مروڑ کے خلاف اسے گھمائے گی۔

ان خط کو سیجھنے کی خاطر پہلے ہیرونی بیجان جزیڑ پر غور کرتے ہیں جس کی مساوی برقی دور شکل 8.15-الف میں دی گئی ہے۔ ہیرونی بیجان جزیڑ پر برتی بوجھ لادنے سے اس کے قوی کچھے کی مزاحمت  $R_q^{13}$  میں برقی رو  $I_q$  گزرنے سے اس میں برقی دباؤ گھٹی ہے۔ لہذا جزیڑ سے حاصل برقی دباؤ V، جزیڑ کی اندرونی محرک برقی دباؤ  $E_q$  سے قدرِ کم ہوتی ہے یعنی

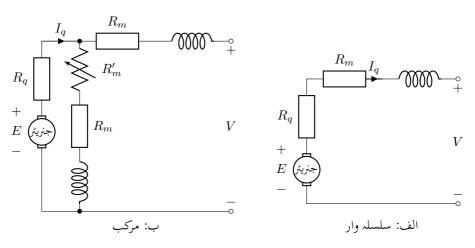
$$(8.15) V = E_q - I_q R_q$$

برقی بوجھ  $I_q$  بڑھانے سے جزیٹر سے حاصل برقی دباؤ کم ہو گی۔شکل میں بیرونی بیجان جزیٹر کی خط ایبا ہی رجحان ظاہر  $I_q$  کرتی ہے۔ حقیقت میں کچھ اور وجوہات بھی کار آمد ہوتے ہیں جن سے یہ خط سید تھی نہیں بلکہ جھکی ہوتی ہے۔

متوازی جڑی جزیٹر کے خط کا یہی رجمان ہے۔ متوازی جڑی جزیٹر پر بھی برتی بوجھ لادنے سے قوی کچھے کی مزاحمت میں برتی دباؤ گھٹی ہے ۔یوں اس کے میدانی کچھے پر لاگو برتی دباؤ کم ہو جاتی ہے جس سے میدانی کچھے میں برتی رو باب.8 یک ستی رومشین



شکل 8.15: پیرونی بیجان اور متوازی جڑی جزیٹر کی مساوی برقی دور۔



شکل 8.16: سلسلہ وار اور مرکب جزیر کے مساوی برقی دور۔

بھی گھٹق ہے۔ اس سے محرک برقی دباؤ مزید کم ہوتی ہے۔اس طرح ان جزیٹر سے حاصل برقی دباؤ بمقابلہ برقی بوجھ کے خط کی ڈھلان بیرونی بیجان جزیٹر کی خط سے زیادہ ہوتی ہے۔

شکل 8.16 میں سلسلہ وار اور مرکب جزیئر کی مساوی برقی داو دکھائے گئے ہیں۔سلسلہ وار جڑی جزیئر کے میدانی کچھے میں لدے بوجھ کی برقی رو ہی گزرتی ہے۔اس طرح بوجھ بڑھانے سے میدانی مقناطیسی دباؤ بھی بڑھتی ہے جس سے محرک برقی دباؤ بڑھتی ہے۔اس کا خط یہی دکھا رہا ہے۔اس طرح جُڑے جزیئر عموماً استعال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حاصل برقی دباؤ، بوجھ کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتی ہے۔

مرکب جڑی جزیٹر کی کارکردگی سلسلہ وار اور متوازی جڑی جزیٹروں کے مابین ہے۔مرکب جزیٹر میں بوجھ بڑھانے سے قوی کچھے کی وجہ سے حاصل برقی دباؤ میں کی کو میدانی کچھے کی بڑھتی مقناطیسی دباؤ پوراکرتی ہے۔یوں مرکب جزیٹر سے حاصل برقی دباؤ اس پر لدے بوجھ کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتی ہے۔

بیرونی بیجان، متوازی اور مرکب جڑی جزیر ول سے حاصل برقی دباؤ کو متوازی جڑی کی بھی برقی رو کی مدد سے وسیع حد تک تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

توی لچھا چونکہ برتی بوجھ کو درکار برتی رو فراہم کرتی ہے للذا یہ موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے اور اس کے عوماً کم چکر ہوتے ہیں۔سلسلہ وار جزیٹر کے میدانی لچھے سے چونکہ مشین کا پوری برتی رو ہی گزرتا ہے للذا یہ بھی موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے۔باتی آلوں میں میدانی لچھے میں پورے برقی بوجھ کے چند ہی فی صد برتی رو گزرتی ہے للذا یہ باریک موصل تارکی بنائی جاتی ہے اور اس کے عمواً زیادہ چکر ہوتے ہیں۔

#### 8.5.2 رفتار بالمقابل قوت م وڑ

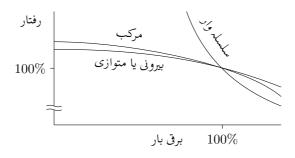
یہاں بھی شکل 8.15 اور شکل 8.16 سے رجوع کریں البتہ شکل میں برتی رو کی سمتیں اُلٹ کر دیں۔ یک سمتی موٹر بھی جزیٹروں کی طرح مختلف طریقوں سے جُڑے جاتے ہیں۔موٹر کو معین بیرونی برقی دباؤ دی جاتی ہے جہاں سے بیہ برتی رو حاصل کرتی ہے۔ برتی رو باہر سے قوی کیھیے کی جانب چلتی ہے لہٰذا موٹر کے لئے کھا جائے گا

$$V = E_q + I_q R_q$$

$$I = \frac{V - E_q}{R_q}$$

13علامتRq کے زیر نوشت میں q لفظ قوی کے پہلی حرف ق کو ظاہر کرتی ہے۔

بابـ8. يك ستى روشين



شکل 8.17: یک سمتی موٹر کی میکانی بوجھ بمقابلہ رفتار کے خط۔

بیرونی بیجان اور متوازی جڑی موٹروں میں میدانی کیھے کو برقرار معین بیرونی برقی دباؤ فراہم کی جاتی ہے لہذا میدانی متناطیسی بہاو پر میکانی بوجھ کا کوئی اثر نہیں۔ بڑھتی میکانی بوجھ اٹھانے کی خاطر مساوات 8.8 کے تحت قوی کیھے کی متناطیسی بہاو بڑھنی ہو گی۔ یہ تب ممکن ہو گا کہ اس میں برقی رو بڑھے۔ مساوات سے ہم دیکھتے ہیں کہ قوی کیھے کی مخرکی برقی دباؤ  $E_q$  گئے سے ہی ایسا ممکن ہے۔  $E_q$  موٹر کی رفتار پر منحصر ہے لہذا موٹر کی رفتار کم ہو جائے گی۔ یوں میکانی بوجھ بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہو تی ہے۔ شکل 8.17 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

متوازی جڑی یا بیرونی بیجان موٹر تقریباً معین رفتار ہی برقرار رکھتی ہے۔اس کی رفتار بے بوجھ حالت سے پوری طرح بوجھ بردار حالت تک تقریباً صرف پانچ فی صد کھٹی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی کچھ کی برقی رو تبدیل کر کے تبدیل کی جاتی ہے۔اییا میدانی کچھ کے ساتھ سلسلہ وار جڑی مزاحمت کی تبدیل سے کیا جاتا ہے۔ان کی رفتار یوں وسیع حدوں کے مابین تبدیل کرنا ممکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بیرونی برقی دباؤ تبدیل کر کے بھی رفتار قابو کی جاسکتی ہے۔اییا عموماً قوی الیکٹرائنس کی مدد سے کیا جاتا ہے۔

ان موٹر کی ساکن حال سے چالو کرتے کھے کی قوت مروڑ اور ان کی زیادہ سے زیادہ قوت مروڑ قوی کچھے تک برقی رو پہنچانے کی صلاحیت پر منحصر ہے یعنی یہ میکانی سمت کار پر منحصر ہے۔

سلسلہ وار جڑی موٹر پر لدی میکانی ہو جھ بڑھانے سے اس کے قوی اور میدانی کچھوں میں برقی رو بڑھے گی۔ میدانی مقاطیسی بہاو بڑھے گی اور مساوات 8.16 کے تحت  $E_q$  کم ہو گی جو موٹر کی رفتار کم ہونے سے ہوتی ہے۔ بوجھ بڑھانے سے ان موٹر کی رفتار کافی زیادہ کم ہوتی ہے۔ایسے موٹر ان جگہوں بہتر ثابت ہوتے ہیں جہاں زیادہ قوت مروڑ در کار ہو۔ بڑھتی قوت مروڑ کے ساتھ ان کی رفتار کم ہونے سے ان کو در کار برقی طاقت قوت مروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوتا۔

یبال اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بوجھ سلسلہ وار جڑی موٹر کی رفتار خطرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔ایسے موٹر کو استعال کرتے وقت اس بات کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحہ بوجھ بردار رہے۔

ساکن حالت سے موٹر چالو کرتے وقت  $I_q$  کی قیت زیادہ ہوتی ہے جس سے زیادہ مقناطیسی بہاو پیدا ہوتا ہے۔ یول چالو کرتے وقت موٹر کی قوت مر وڑ خاصی زیادہ ہوتی ہے۔ یہ ایک اچھی خوبی ہے جس سے بوجھ بردار ساکن موٹر کو چالو کرنا آسان ہوتا ہے۔

مرکب موٹروں میں ان دو قسمول کی موٹروں کے خصوصیات پائے جاتے ہیں۔جہاں بوجھ بردار موٹر چالو کرنا ضروری ہو لیکن رفتار میں سلسلہ وار موٹر جتنی تبدیلی منظور نہ ہو وہاں مرکب موٹر کارآ مد ثابت ہوتے ہیں۔

مثال 8.2: ایک 75 کلو واٹ 415 وولٹ اور 1200 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلنے والے متوازی جڑی یک سمتی مثال 83.2 او ہم موٹر کے قوی کچھے کی مزاحمت 0.072 اوہم اور اس کی میدانی کچھے کی مزاحمت 83.2 اوہم ہے۔موٹر جس بوجھ سے لدا ہے اس پر موٹر 1123 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلتے ہوئے 112 ایمپیئر لے رہی ہے۔

- میدانی برقی رو اور توی کیھے کی برقی رو حاصل کریں۔
  - موٹر کی اندرونی پیدا کردہ برقی دباؤ حاصل کریں۔
- اگر میدانی کچھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے گر قوی کچھے کی برقی رو تبدیل نہ ہو تو موٹر کی رفتار حاصل کریں۔ قالب کی سیراہیت کو نظرانداز کریں۔

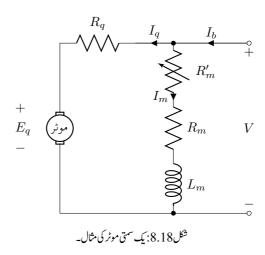
حل:

• شکل 8.18 سے رجوع کریں۔415 وولٹ پر میدانی کچھے کی برتی رو

$$I_m = \frac{V}{R_m + R'_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 \,\mathrm{A}$$

 $I_q = I_b - I_m = 112 - 4.988 = 107.012\,\mathrm{A}$  ہو گی۔یوں قوی کیچھے کی برقی رو

باب. 8 یک ستی روشین



• يول يك سمتى موٹركى اندرونى پيداكرده برقى دباؤ

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

ے۔

• اگر میدانی کچھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے تب

$$I_m = \frac{V}{R_m + R_m'} = \frac{415}{100.2} = 4.1417 \,\mathrm{A}$$

ہو گی ۔

• اگر قوی کیھے کی برقی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھی جائے تب

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 \text{ V}$$

ہی رہے گی۔

• مساوات 8.4 کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کردہ برقی دباؤ تبدیل نہیں ہوئی مگر مقناطیسی بہاو تبدیل ہوا ہے للذا موٹر کی رفتار تبدیل ہو گی۔ان دو مقناطیسی بہاو اور رفتاروں پر اس مساوات کی نسبت

$$\frac{E_{q1}}{E_{q2}} = \frac{\frac{n}{2}\omega_1 N\phi_{m1}}{\frac{n}{2}\omega_2 N\phi_{m2}}$$

میں چونکہ  $E_{q1}=E_{q2}$  للذا  $E_{q1}=\omega_2\phi_{m1}=\omega_2\phi_{m1}$  ہو گا۔ قالبی سیر ابیت کو نظر انداز کرتے ہوئے چونکہ متناطیسی بہاو میدانی دباؤ پر مخصر ہے جو از خود میدانی برقی رو پر مخصر ہے۔ للذا اس آخری مساوات کو یوں ککھے سیسے ہیں۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\phi_{m2}}{\phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

جس سے نئی رفتار

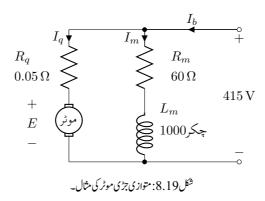
$$rpm_2 = \frac{I_{m1}}{I_{m2}} \times rpm_1 = \frac{4.988}{4.1417} \times 1123 = 1352.47$$

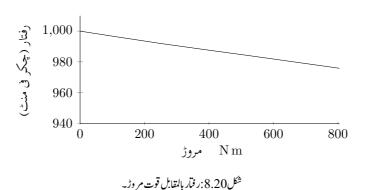
چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں ہم دیکھتے ہیں کہ میدانی برقی رو کم کرنے سے موٹر کی رفتار بڑھتی ہے۔

مثال 8.3: ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر فی منٹ متوازی بڑی یک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی مزاحمت 0.05 اوہم اور میدانی کچھے کی 60 اوہم ہے۔بے بوجھ موٹر کی رفتار 1000 چکر فی منٹ ہے۔میدانی کچھا 1000 چکر کا ہے۔

- جب به موٹر ایمپیئر لے رہی ہو اس وقت اس کی رفتار معلوم کریں۔
  - 140 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین۔
  - 210 ایمبیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین۔
  - اس موٹر کی رفتار بالمقابل قوت مروڑ گراف کریں۔

حل:





• شکل 8.19 میں یہ موٹر دکھائی گئی ہے۔ متوازی میدانی کچھے کی برتی رو پر بوجھ لادنے سے کوئی فرق نہیں پڑتا۔ لہذا میدانی مقناطیسی بہاو بے بوجھ اور بوجھ بردار موٹر میں یکساں ہے۔ بے باریک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی برقی رو 1<sub>9</sub> قابل نظر انداز ہوتی ہے۔اس طرح مساوات 8.16 اور مساوات 8.10 سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 \times R_q = 415 \,\mathrm{V}$$
 
$$I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.916 \,\mathrm{A}$$

یعنی 415 وولٹ محرکی برقی دباؤ پر رفتار 1000 چکر فی منٹ یا 16.66 چکر فی سیکنڈ ہے۔70 ایمپیئر برقی بوجھ پر بھبی  $I_m = 6.916$  می ہے جبکہ

$$I_q = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 \,\mathrm{A}$$

للذا مساوات 8.16 سے اس صورت میں

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458\,\mathrm{V}$$

اور مساوات 8.10 سے رفتار (چکر فی منٹ) یوں حاصل ہوتا ہے

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}} rpm_0 = \frac{411.8458}{415} \times 1000 = 991.95$$

 $I_b = 140\,\mathrm{A}$  يېن کچھ دوباره کرتے ہیں۔ يہاں

$$I_q = I_b - I_m = 140 - 6.916 = 133.084 \,\text{A}$$
 $E_q = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 \,\text{V}$ 
 $rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$ 

 $_{-}$  یہاں  $I_b = 210 \, \text{A}$  یہاں •

$$\begin{split} I_q &= I_b - I_m = 210 - 6.916 = 203.084 \, \mathrm{A} \\ E_q &= 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 \, \mathrm{V} \\ rpm &= \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83 \end{split}$$

• موٹر میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہیں۔ یوں اس کی میکانی طاقت اسے فراہم کی گئ برقی طاقت کے برابر ہو گی یعنی

$$(8.17) e_q I_q = T\omega$$

باب.8. يك مستى رومشين 268

 $T_0=0\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  یوں پچھلے جزوسے حاصل جوابات کی مدد سے بے بوجھ موٹر کی قوت مروڑ صفر ہو گی لینن

$$T_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2 \times \pi \times 16.5325} = 250 \, \mathrm{N \, m}$$

ہو گی۔ یہاں 991.95 چکر فی منٹ کی رفتار کو 16.5325 ہرٹز لکھا گیا ہے۔ اسی طرح

$$\begin{split} T_{140} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = 527 \, \text{N m} \\ T_{210} &= \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \, \text{N m} \end{split}$$

$$T_{210} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 805 \,\text{N}\,\text{m}$$

یہ نتازیج شکل 8.20 میں گراف کئے گئے ہیں۔

# فرہنگ

earth, 95	ampere-turn, 32
eddy current loss, 62	armature coil, 133, 255
eddy currents, 62, 128	axle, 163
electric field	
intensity, 10	carbon bush, 179
electrical rating, 59	cartesian system, 3
electromagnet, 132	charge, 9, 138
electromotive force, 61, 139	circuit breaker, 180
emf, 139	coercivity, 44
enamel, 62	coil
energy, 42	high voltage, 56
Euler, 21	low voltage, 56
excitation, 61	primary, 55
excitation current, 51, 60, 61	secondary, 55
excitation voltage, 61	commutator, 167, 245
excited coil, 61	conductivity, 25
	conservative field, 110
Faraday's law, 37, 127	core, 55, 128
field coil, 133, 255	core loss, 62
flux, 29	core loss component, 64
Fourier series, 63, 143	Coulomb's law, 9
frequency, 132	cross product, 13
fundamental, 144	cross section, 8
fundamental component, 64	current transformation, 66
	,
generator	cylindrical coordinates, 5
ac, 162	delta connected, 93
ground current, 95	design, 197
ground wire, 95	differentiation, 18
	dot product, 16
harmonic, 144	,
harmonic components, 64	E,I, 62

فرہنگ 270

11 1 1 1 257	II 00
parallel connected, 257	Henry, 38
permeability, 25	hunting, 180
relative, 26	hysteresis loop, 45
phase current, 95	
phase difference, 23	impedance transformation, 72
phase voltage, 95	in-phase, 70
phasor, 21	induced voltage, 37, 48, 61
pole	inductance, 38
non-salient, 141	
salient, 141	Joule, 42
power, 42	
power factor, 23	lagging, 22
lagging, 23	laminations, 31, 62, 128
leading, 23	leading, 22
power factor angle, 23	leakage inductance, 79
power-angle law, 190	leakage reactance, 79
primary	line current, 95
side, 55	line voltage, 95
	linear circuit, 228
rating, 97, 98	load, 99
rectifier, 167	Lorentz law, 138
relative permeability, 26	Lorenz equation, 104
relay, 103	
reluctance, 26	magnetic constant, 25
residual magnetic flux, 44	magnetic core, 31
resistance, 25	magnetic field
rms, 48, 166	intensity, 11, 32
rotor coli, 106	magnetic flux
rpm, 158	density, 32
• /	leakage, 79
saturation, 45	magnetizing current, 64
scalar, 1	mmf, 29
self excited, 255	model, 82, 209
self flux linkage, 41	mutual flux linkage, 41
self inductance, 41	mutual inductance, 41
separately excited, 255	,
side	name plate, 98
secondary, 55	non-salient poles, 179
single phase, 23, 59	,
slip, 211	Ohm's law, 26
slip rings, 178, 233	open circuit test, 87
star connected, 93	orthonormal, 3
,	,

فربنگ\_ فربنگ

VA, 75 vector, 2 volt, 139	stator coil, 106, 129 steady state, 177 step down transformer, 58
volt-ampere, 75	step up transformer, 58
voltage, 139	surface density, 11
DC, 167	synchronous, 132
transformation, 66	synchronous inductance, 186
TTT 12	synchronous speed, 158, 178
Watt, 42	
Weber, 32	Tesla, 32
winding	theorem
distributed, 142	maximum power transfer, 231
winding factor, 149	Thevenin theorem, 228
	three phase, 59, 93
	time period, 101, 144
	torque, 168, 211
	pull out, 180
	transformer
	air core, 59
	communication, 59
	ideal, 65
	transient state, 177
	unit vector, 2

<b>(2</b>	5
پتريان،62 پريان،100	ابتدائی نه چیج
پورابو جمر،199 پنجمہ ۵۰	حانب، 55 ل <u>ج</u> ھا، 55
80، 25.	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •
پیش زاویه، 22	ار تباط بهاو، 37 استعداد، 97،98
تاخير ي زاويه، 22	ا معلداد، 9 مراجع المعالدة ال اضافي
تار کی بر قی د باؤ، 95	الصان زاوبائی ر فتار،214
تار کی بر قی رو، 95	اکائی سمتىيى،2
28،نات	الله:38 الاله:38
تبادله	امالى بر تى د باؤ، 37، 48،
ر کاوٹ، 72	او ہم میٹر، 240
مختی،98	ا يك'، تين پتريال، 62
تدريجي تفرق،115	ایک مرحله ، 93
تعدد،132	ايمپييرُ - چِکر ،32
تعقب،180	120
تفرق،18	بر، 138
جزوی،18	برقرارچالو، 177،101
تمل،19	برقی استعداد ، 59 قبر م 128
تكوني جوڙ، 93 ت	ىرتى بار، 138.9 ىرتى د باؤ، 139،28
توانائی،42	برن دباده، 139،26 تبادله، 66،56
تين مر حله ،93،59	ىبادىد، 00،50 محرك، 139
ٹرانسفار مر	ىرت.139 يىجانى،187
راسفار تر بر قی دیاؤ، میٹر،59	يېون. يك سمتى،167
بو <b>ن د بارد در</b> (69 فرود). بو جھ بر دار ، 69	برق <sub>ا</sub> رو،28
جُنِيدَ بَرِينَ وَقَالَبِ، 59	ب کی در نما، 128
د باؤبر هاتا، 58	تبادله،66
د باؤ گھٹاتا، 58	پیجان انگیز، 51
ذرائع ابلاغ، 59	برقی میدان،10
رو، میش 59،	شدت،27،10
65، الأ	بش،179
ٹسلاء32	بناوك،87
مصند ی نار ، 95	بنیادی جزو، 144،64
55 · 1 / 1/14	بوچھ،99
ثانوی جانب، 55	بھٹی،116
جاول،42	<i>بهنور</i> نما ت
برد برد	بر تی رو، 62 د د د د د د د د د د د د د د د د د د د
يچيلاو،149	ضياع،62 کهند نرار قریب 128
جزوطاقت،23	بھنور نمابر تی رو، 128 بے بوجھ، 60
پي <i>ڻ</i> ،23	000,2,2,
تاخيرى،23	پترى،128،31

فرہنگ

سطى تكمل،183	± •>
ئ سنم،183 سطى كثافت،11	جزیثر بدلتی رو، 162 جوژ بخونی، 93
ی کنافت، ۱۲ سلسله وار، 147	<i></i>
سمت کار، 245	بور تکونی، 93
ىرىندا <u>2</u> برقياتى،167	ىتارەنما،93
ميكاتي،167	
سمتيه، 2	چکر فی منٹ،128 د کی میں میں میں میں میں میں میں میں میں می
عمود يا کائي، 3	چوئى،213
سمتى ر فتار ،104	خطى
سير ابيت، 45	ى برتىدور،228
، صلاحه	برن درار تباط بهاد، 41 خو دار تباط بهاد، 41
ضرب صليبي، 13	خوداماليه، 41 خوداماليه، 41
ضرب نقطه ،16	
طاقت،42	داخلی بیجان
طاقت بالمقابل زاويه ،190	سلسله وار، 257
طول موج،19	متوازی، 257
•	مرکب،257
عار ضی صورت،177	دور بڑی مرکب، 257 شگار میں
عمودی تراش،8	دور شکن ،180 144.101
رقبه،8	دورىع صه، 144،101 د هرا، 163
غير معاصر ،180	1030/9
فورئير، 254	ريتا
وريير به 234 فوريير تسلسل ، 143،63	الله،79
توریر ن۴۵٬۵۵۰ فیراڈے	متعامله، 79 وروران م
يراد <i>ت</i> قانون،127،37	رىتامتعالمىت،219 رفتار
127/37/020	ر سار اضافی زاویائی، 214
قالب،128	روغن،62 روغن،62
قالبي ضياع، 62	رياضي نمونه، 209،82
64.37.	ریلے،103
قانون	
او ټم ،26	زاویه جزوطاقت، 23
كولمب،9 لورينز،138	زئين،95 . من قر
تورير،136 قدامت پيند ميدان،110	زيني بر قىرو، 95 زينى تار، 95
ترب جڑی مرکب،257	95%0.,
ريب برق رب ۲۵ تا قطب	ساكن لچھا،106،129
ابحرے،141،179	ستاره نماجوڙ، 93
بموار، 141، 179	سرك،211
قوت مر وڑ،211،168	ىرك چى <u>ل</u> ے،233،178

فرہنگ \_\_\_\_\_

تھونن،228	انتهائی،180
ن میں میں ہے۔ نیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی،	قوىاليكثرانكس،245،209
مشتر كه ارتباط اماله، 41	قوى <u>كى</u> چە،255
مشتر كه اماليه، 41	
معاصر،132	کارین بش،179
معاصراماليه،186	كار گزارى، 203
معاصرر فتار ،158 ،178	كېيىشر،196 ىيىنى .
معائنہ کطے دور ،87	ڭڭاڧڭ برتىرو،27
علع دور ، / 8	
مقداری، 1 مقاطیس	کثافت مقناطیسی بهاو منابع ۱۸ م
ىرى بر تى،132	44.ជ្រ
برن،132 حال کادائرہ،45	کىر دور،38
چان داداره، ۴۶۰ خاتم شدت، 44	گرم تار، 95
مقناطیسی برقی رو،64 مقناطیسی برقی رو،64	ر المحدد گومتالچھا،106
	وح پھا100
مقناطیسی بہاو،29 ۳۰	ليجها
رىتا،79 ڭا <b>نت</b> ،32	پيے ابتدائی،55
کنافت،32 مقناطیسی چال، 51	ميرين ميليد 142
	ىيى يىچىدار، 39
مقناطىيىي دېاۇ، 29 1.13	ڻان <sup>ق</sup> ي، 55
ست،143 مقناطیسی قالب،55،31	زياده برتی د باؤ، 56
مفنا یک قالب، 35،31	ساڭن،106
مقناطیسی مستقل، 168،25	ست،135
جزو،36،26 مقناطیسی میدان	_ قوى <sub>؛</sub> 133
مفنا یک میدان شدت،32،11	ېم بر تی د باؤ، 56
موژ،48،19،	گھومتا، 106
وربر 166 موثر قیت،166	ميداني،133
موسیقائی جزو، 64، 144	
موصلیت، 25	محد د بر تنین . 3
ميداني لچھے، 255	كار تىيى، 3 ئىكى، 5
•	ىيى، 5 محرك بر تى د باؤ، 61
واٹ،42	تر ت بری دباد ۱۵۰ محور ، 163
وولث،139	مور، 1033 څلوط عدد ، 194
وولٺ-ايمپيئر،75	و مارد. مرحلی سمتیه، 188،21
ويبر،32 ک	ر مل نسیه 186.21 مر طی فرق، 23
ويبر- چکر، 37	مر 5,000 مرکب جزییر، 257
چکچاہٹ،29،26	تر تب بریز ۱۶۰۰ مزاحت، 25
پ <i>چې.ت.۲۵</i> ۱۶ هم قدم،70	را مت:25 مساوات لورینز،104
ا منز المام . میجان، 61	منار منار
01.09.	

فرہنگ فرہنگ

يك سمق رو مشين، 245 يك مر حله , 23 يك مر حله برقى د باؤ، 95 يك مر حله برقى رو، 95 يولر سادات، 21 بير وني، 255 خود، 255 لچها، 61 بيجان انگيز برقي د باؤ، 61 برقي د و، 60 بيجان انگيز برقي د و، 60 بيجان برقي د باؤ، 187