برقى آلات

خالد خان يوسفزئي كامسيت انسٹيٹيوت آف انفارميشن ٹيكنالوجي، اسلام آباد

email: khalidyousafzai@comsats.edu.pk

ديباچم

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طرف توجہ دمے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ حاصل کر سکتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ حاصل کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں کی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔کچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے

نهایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعمال تکنیکی الفاظ ہی استعمال کئے جائیں۔ جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعمال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعمال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الاقوامی نظامِ اکائی استعمال کی گئ ہے۔ اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امیدکی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعمال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیئرنگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میی ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے ہی ڈلی ہیں البتہ اسے درست بنانے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔میں ان سب کا شکریہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں یہاں کامسیٹ یونیورسٹی اور ہائر ایجوکیشن کمیشن کا شکریہ اداکرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سرگرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفزئي 28 اكتوبر 2011

فهرست عنوان

10	یادی حقائق	1 بن
10	بنیادی اکائیاں	1.1
10	مقدارى	1.2
11	سمتيم	1.3
12	محدد ، خط مرتب	1.4
21	سمتيه رقبه	1.5
24	رقبہ عمودی تراش	1.6
27	برقي ميدان اور مقناطيسي ميدان	1.7
30	سطحي اور حجمي كثافت	1.8
34	ضرب صلیبی اور ضربِ نقطہ	1.9
42	تفرق اور جُزوى تفرق	1.10
43	خطى تكمل	1.11
45	سطحي تكمل	1.12
48	فوريئر تسلسل	1.13
48	دوری سمتیہ	1.14

54	قناطیسی دور	2 ما
54	مزاحمت اور ہچکچاہٹ	2.1
57	کثافتِ برقی رو اور برقی میدان کی شدت	2.2
60	برقی دور	2.3
62	مقناطیسی دور حصہ اول	2.4
65	كثافت ِ مقناطيسي بهاؤ اور مقناطيسي ميدانكي شدت	2.5
71	مقناطیسی دور حصہ دوم	2.6
79	خود امالہ ، مشترکہ امالہ اور توانائی	2.7
91	مقناطیسی مادہ کے خصوصیات	2.8
101	میجان شده لچها	2.9
112	<u>ا</u> نسفارمر	3 ٹر
114	ٹرانسفارمرکی اہمیت	3.1
119	ٹرانسفارمر کی اقسام	3.2
120	امالي برقي دباؤ	3.3
124	<i>هیجان انگیز برقی رو اور مرکزی ضیاع</i>	3.4
130	تبادلہ برقی دباؤ اور تبادلہ برقی رو کے خصوصیات	3.5
140	ثانوی جانب بارکا ابتدائی جانب اثر	3.6
142	مقاومت کا تبادلہ	3.7
152	ٹرانسفارمرکے وولٹ-ایمپیئر	3.8
156	ٹرانسفارمرکر امالہ اور اسکر مساوی دور	3.9

172	کھلے دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ	3.10
184	تین دورکے ٹرانسفارمر	
198	ٹرانسفارمر چالو کرتے لمحہ زیادہ محرکی برقی رو کا گزرنا	3.12
201	قی اور میکانی توانائی کا باہمی تبادلہ	4 بر
201	مقناطیسی نظام میں قوت اور مروڑ	4.1
212	تبادلہ توانائی والا ایک لچھے کا نظام	4.2
221	توانائي اوركو-توانائي	4.3
231	زیادہ لچھوں کا مقناطیسی نظام	4.4
245	ہومتے مشین کے بنیادی اصول	5 گ
245	قانونِ فیراڈمے	5.1
246	معاصر مشين	5.2
264	محرک برقی دباؤ	5.3
270	پمیلے لچھے اور سائن نما مقناطیسی دباؤ	5.4
287	مقناطیسی دباؤ کی گھومتی موجیں	5.5
306	محرک برقی دباؤ	5.6
317	ہموار قطب کے آلوں میں مروڑ	5.7
333	کساں حال چالو معاصر آلرِ	,

334	ایک سے زیادہ دور کے معاصر مشین کا تعارف	6.1
339	معاصر مشین کے امالہ	6.2
349	معاصر مشین کا مساوی دور	6.3
354	برقی طاقت کی منتقلی	6.4
363	یکساں حال چالو مشین کرے خصوصیات	6.5
369	کھلے دور اورکسرِ دور معائنہ	6.6
389	مالی مشین	.1 7
390	ساکن لچھوں کی گھومتی مقناطیسی موج	7.1
391	مشین کی سرک اور گھومتی موجوں پر تبصرہ	7.2
395	ساكن لچهوں ميں امالي برقي دباؤ	7.3
	ساکن لچھوں کی موج کا گھومتے لچھوں کے ساتھ	7.4
397	اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباؤ	
403	گھومتے لچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج	7.5
405	گھومتے لچھوں کے مساوی فرضی ساکن لچھے	7.6
408	امالی موٹرکا مساوی برقی دور	7.7
417	مساوی برقی دور پر غور	7.8
425	امالی موٹرکا مساوی تھوِنن دور	7.9
438	ً پنجرا نما امالی موٹر	7.10
439	۔ آ بر بار موٹر اور رکر موٹرکر معائنہ	7.11

454	ک سمتی رو مشین	8 يَ	,
454	آلمِ تبدیل کی بنیادی کارکردگی	8.1	
464	یک سمتی جنریٹر کی برقی دباؤ	8.2	
468	مروژ	8.3	
470	خارجی ہیجان شدہ اور داخلی ہیجان شدہ یک سمتی جنریٹر	8.4	
478	یک سمتی آلوں کی کارکردگی کر خط	8.5	

1 بنيادى حقائق

اس کتاب میں جگہ جگہ مختلف حقائق آئیں گے جنہیں اس باب میں اکٹھے کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔یہ توقع کی جاتی ہے کہ یوں کتاب پڑھتے وقت اصل مضمون پر توجہ رکھنا زیادہ آسان ہوگا۔

1.1 بنیادی آکائیاں

اس کتاب میں بین الاقوامی نظامِ اکائی 1 استعمال کیا جائے گا۔ اس نظام میں کمیت 2 کی اکائی کلوگرام، لمبائ کی اکائی میٹر اور وقت کی اکائی سیکنٹ ہے۔

1.2 مقداری³

وہ متغیرہ جس کی مقدار معین ہو اسے مقداری کہتے ہیں۔ اس کتاب میں مقداری متغیرہ کو سادہ طرز کی لکھائی میں انگریزی یا لاطینی زبان کے چھوٹے حروف یعنی A, B, Ψ, \cdots یا بڑے حروف یعنی A, B, Ψ, \cdots سے ظاہر کیا جائے گا، مثلاً برقی رو کو i یا i سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

¹ International System Of Units (SI)

² mass

³ scalar

1.3 سمتير 4

وہ خط جس کا طول اور سمت معین ہو، اسر سمتیہ کہتر ہیں۔ سمتیہ کو انگریزی یا لاطینی زبان کر چهوٹر یا بڑر حروف، جن کو موٹر طرز کی لکھائی میں لکھا گیا ہو، سے ظاہر کیا جائے گا، مثلاً قوت کو F سے ظاہر کیا جائے گاریهان شکل 1.1 سر رجوع کرنا بهتر سرر ایک ایسا سمتیه جس کا طول ایک ہو، کو اکائی سمتیہ کہتر ہیں۔ اس کتاب میں اکائی سمتیہ کو انگریزی کر پہلر حرف جس کو موٹر طرز کی لکھائ میں لکھا گیا ہو اور جس پر ٹوبی کا نشان ہو سر ظاہر کیا جائر گا، مثلاً اکائی سمتیہ \hat{a}_x , \hat{a}_y , خلاء کی تین عمودی سمتوں کو ظاہر کرتر ہیں۔ \hat{a}_{x} میں، چھوٹی لکھائی میبی، x اس بات کے نشان دہے کرتا ہر کہ یہ سمتیہ خلاء کی x سمت کو ظاہر کرتا ہر۔ اگر کسی سمتیہ کا طول اور اس کی سمت کو علیحدہ علیحدہ لکھنا ہو تو اس کر طول کو ظاہر کرنے کے لئے سادہ طرز کی لکھائی میں وہی حرف استعمال کیا جائر گا جو اس سمتیہ کو ظاہر کرنے کے لئے، موٹر طرز کی لکھائی میں، استعمال کیا گیا ہو۔ یعنی سمتیہ کا طول کو F سر ظاہر کیا جائر گا۔ شکل میں سمتیہ F کا طول Fپارکر برابر ہر ۔ اگرکسی سمتیہ کی سمت میں ایک اکائی سمتیہ بنایا جائر Fتو یہ اکائی سمتیہ اس سمتیہ کی سمت کو ظاہر کرتا ہے۔جیسے پہلے ذکر ہوا ہے ایسر اکائی سمتیہ کو انگریزی کر پہلر حرف، جس کو موٹر طرز کی لکھائی میس F سمتیہ کیا ہو اور جس پر ٹوبی کا نشان ہو، سر ظاہر کیا جائر گا یعنبی سمتیہ کی سمت کو \hat{a}_F سر ظاہر کیا جائر گا۔یہاں، چھوٹی لکھائی میں ، F اس بات کی یاد دہانی کراتا ہر کہ یہ اکائی سمتیہ F کی سمت کو ظاہر کر رہا ہر ۔ شکل میں چونکہ قوت F دائیں جانب کو ہر لہٰذا $\hat{a_r}$ اور ہرابر ہیں۔

⁴ vector

1.4 محدد⁵، خط مرتب

ایک ایسا طریقہ جس کے ذریعہ کسی نقطہ کا مقام متعین کیا جا سکے کو خط مرتب یا محدد کہتے ہیں۔

خلاء تین طرفہ ⁶ ہے۔ لہذا اس میں کسی ایک نقطہ کے مقام کو تین محدد کی مدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ مزید یہ کہ خلاء میں کسی سمتیہ کو تین عمودی اکائی سمتیوں کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔اب ہم ایسے چند محدد کے نظام دیکھتے ہیں۔

1.4.1 كارتىسى محدد كا نظام⁷

شکل 1.1 میں خلاء کی سمتیں تین اکائی سمتیہ \hat{a}_x , \hat{a}_y , \hat{a}_z سے ظاہر کی گئی ہیں۔ یہ تینوں آپس میں عمودی ہیں جس کا مطلب ہے کہ ان میں سے ہر دو کا آپس میں 90^0 کا زاویہ ہے۔ ایسے تین سمتیوں کو عمودی اکائی سمتیہ 8کہتے ہیں۔ ان سمتوں کی جانب، طول کو x, y, z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آپ ان سے بخوبی واقف ہیں۔

 \hat{a}_{y} کی جانب رکھ کر انہیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو \hat{a}_{x} کی جانب موڑا جائے تو اس ہاتھ کا انگو گھا \hat{a}_{z} کی جانب موڑا جائے تو اس ہاتھ کا انگو گھا

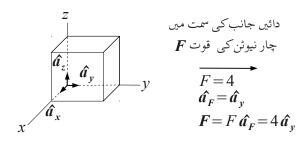
⁵ co-ordinates

⁶ three dimensional

⁷ Cartesian co-cordinate system

⁸ unit perpendicular vectors or orthnormal vectors

خلاء کا یہ تین اکائی سمتوں والا نظام ایک دائیں ہاتھ کا نظام 9 سے۔



شكل 1.1 : كارتيسي محدد

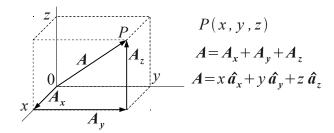
شکل 1.2 میں ایک سمتیہ A ، مرکز سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔ اس سمتیہ کو ہم کارتیسی نظام محدد میں تین سمتیہ سے یوں ظاہر کر سکتے ہیں۔

$$A = A_{\mathbf{r}} + A_{\mathbf{v}} + A_{\mathbf{r}} \tag{1.1}$$

یا

⁹ right handed cartesian co-ordinate system

$$A = x \,\hat{\boldsymbol{a}}_x + y \,\hat{\boldsymbol{a}}_y + z \,\hat{\boldsymbol{a}}_z \tag{1.2}$$



شكل 1.2: كارتيسي محدد نظام مين ايك سمتيه

کارتیسی محدد کے نظام میمی اگر ہم متغیرہ z کو صفر رکھیمی اور x,y کو تبدیل کریں تو ہمیمی x-y سطح ملتی ہے۔ اس طرح اگر شکل x,y میں نقطہ P(2,4,3) ہو اور x-y سطح کو زمین سمجھا جائے تو شکل میں ڈبہ کے بالائی سطح پر z کی مقدار معین ہے یعنی z=3 جبکہ z=3 صفر سے تین کے درمیان تبدیل اور z صفر سے چار کے درمیان تبدیل ہوتا ہے۔ یعنی اس ڈبہ کے بالائی سطح کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$0 < x < 2$$

$$0 < y < 4$$

$$z = 3$$
(1.3)

اسی طرح آگر z کو صفر اور تین کے درمیان ہر ممکن قیمت پر رکھ کر x اور y کو اسی طرح ان حدوں کے درمیان تبدیل کیا جائے تو ہمیں اس ڈبہ کا پورا حجم حاصل ہوگا۔ لہذا اس ڈبہ کے حجم کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\int_{0 < x < 2} 0 < x < 2$$

$$0 < y < 4$$

$$0 < z < 3$$
(1.4)

1.4.2 نلكى محددكا نظام

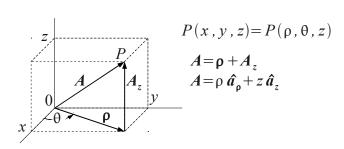
شکل 1.3 میں ایک سمتیہ A مرکز سے نقطہ P(x,y,z) تک بنایا گیا ہے۔ اس سمتیہ کو شکل میں دو سمتیوں کی مدد سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یعنی

¹⁰ cylindrical co-ordinate system

$$A = \rho + A_z \tag{1.5}$$

یا

$$A = \rho \, \hat{\boldsymbol{a}}_{\rho} + z \, \hat{\boldsymbol{a}}_{z} \tag{1.6}$$



شكل 1.3:نلكى محدد

سمتیہ ρ سطح x-y پر ہے۔ اس شکل سے ظاہر ہے کہ

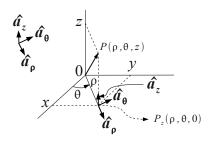
$$x = \rho \cos \theta \tag{1.7}$$

$$y = \rho \sin \theta \tag{1.8}$$

لاندا ہم نقطہ P(x,y,z) کو متغیرہ x,y,z کی جگہ متغیرہ ρ,θ,z کی جگہ متغیرہ میں کسی بھی نقطہ مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں $P(\rho,\theta,z)$ سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

وہ نظام جس میں متغیرہ ρ , θ , z کسی نقطہ کو متعین کرنے کے لئے استعمال ہو تو اس کو نلکی محدد کہتے ہیں۔ یہاں شکل \hat{a}_{ρ} , \hat{a}_{ρ} , \hat{a}_{σ} , \hat{a}_{σ} , \hat{a}_{σ} , \hat{a}_{σ} , \hat{a}_{σ} , \hat{a}_{σ} کی دائیس ہاتھ کا نظام ہے۔ لہٰذا اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو اکائی سمتیہ \hat{a}_{ρ} کی جانب رکھ کر انہیں \hat{a}_{σ} کی جانب موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوھا \hat{a}_{σ} کی سمت میں ہوگا۔ یہ تین عمودی اکائی سمتیہ کی تفصیل یوں ہے۔

سطح x-y میں محدد x سے زاویہ θ کی جانب اگر اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ \hat{a}_{ρ} ہوگی۔ اگر اسی سطح x-y پر اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمت میں، زاویہ θ بڑھانے والے سمت میں، ایک اکائی سمتیہ بنائی جائے تو یہ اکائی سمتیہ \hat{a}_{θ} ہوگی۔ اکائی سمتیہ \hat{a}_{θ} وہی اکائی سمتیہ ہے جو کارتیسی محدد نظام میں تھی۔



شكل 1.4:نلكي نما محدد كي تعريف

یہاں یہ واضح رہے کہ اس نلکی محدد کے نظام میں $\hat{a}_{
ho}$ اور $\hat{a}_{
ho}$ کی سمتیں ہر نقطہ پر مختلف ہیں جیساکہ شکل 1.5 میں دکھایا گیا ہے۔

یہاں شکل 1.6 سے رجوع کریں۔ اگر نلکی محدد میں ایک سمتیہ (جسکا متغیرہ z صفر کے برابر ہو، یعنی z ، اور اس کا رداس z ایک مستقل مقدار ہو مثلاً z z) کو یوں بنایا جائے کہ اس کا زاویہ z کو صفر سے مقدار ہو مثلاً z تک لے جایا جائے تو اس سمتیہ کی چونچ z سطح پر ایک دائرہ بنائے گی۔ اب اگر اسی سمتیہ کے متغیرہ z کو بھی تبدیل کیا جائے، مثلاً z کو صفر اور تین کے درمیان اس طرح تبدیل کیا جائے کہ ہر z پر z کو صفر سے تین تک لے جایا جائے تو یہ سمتیہ ایک نلکی بنائے گی۔ اسی وجہ سے اس نظام کو نلکی محدد کہتے ہیں۔ اب اگر ہم سمتیہ کے تینوں متغیرہ تبدیل کریں تو ہمیں نلکی کا حجم ملتا ہے۔ اگلے تین مساوات ان باتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔

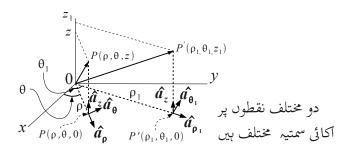
$$z=0$$

$$\rho = \rho_0$$

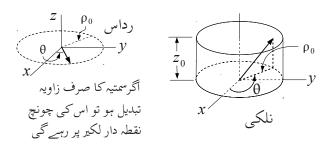
$$0 < \theta < 2\pi$$
(1.9)

$$\begin{aligned}
0 &< z < z_0 \\
\rho &= \rho_0 \\
0 &< \theta < 2\pi
\end{aligned} (1.10)$$

$$0 < z < z_0 0 < \rho < \rho_0 0 < \theta < 2\pi$$
(1.11)



شکل 1.5:نلکی محدد میں اکائی سمتیہ میہ اور م $\hat{a}_{
m p}$ اور محدد میں اکائی سمتیہ



شكل 1.6:نلكى محدد مين دائره اور ايك نلكى

1.5 سمتیہ رقبہ

شکل 1.7 کو مدِ نظر رکھیں۔ کسی سطح سے آگر اس کے عمود کی جانب ایک فرضی لکیر کھینچی جائے تو اس لکیر پر آکائی سمتیہ اس سطح کی سمت کو ظاہر کرتی ہے۔ چونکہ کسی بھی سطح، مثلاً اس کتاب کا ایک صفحہ، کے دو اطراف ہوتے ہیں لہذا اس کے دو، آپس میں اُلٹ، سمتیں بیان کی جا سکتی ہیں۔ عموماً مسئلہ کو مدِ نظر رکھتے ہوئے ان میں سے ایک سمت کو اس سطح کی سمت لیا جاتا ہے۔ البتہ آگر یہ سطح بند سطح ہو ، مثلاً گیند کی شکل کا ہو، تب باہر جانب کو ہی اس سطح کی سمت لیا جاتا ہے۔ شکل میں اُوپر کی سطح \hat{a}_1 سام کی سمت \hat{a}_2 سمتہ کا رقبہ \hat{a}_3 ہے اور اس کی سمت \hat{a}_3 ہے۔ لہذا \hat{a}_4 سمتہ کا طول \hat{a}_4 ہے اور اس کی سمت یعنی

$$A_1 = wl ag{1.12}$$

$$\hat{\boldsymbol{a}}_{A_1} = \hat{\boldsymbol{a}}_z \tag{1.13}$$

لهٰذا

$$A_1 = A_1 \hat{a}_{A_1} = w \, l \, \hat{a}_z \tag{1.14}$$

اسی طرح دائیں جانب سطح A_2 سمتیہ کا طول A_2 ہے اور اس کی سمت اسی طرح دائیں جانب سطح $\hat{\pmb{a}}_y$

$$A_2 = w h \tag{1.15}$$

$$\hat{\boldsymbol{a}}_{A_2} = \hat{\boldsymbol{a}}_{y} \tag{1.16}$$

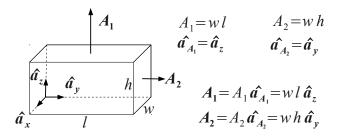
لهذا

$$A_2 = A_2 \hat{a}_{A_2} = w h \hat{a}_{v} \tag{1.17}$$

یوں نیچے کی سطح کا رقبہ $A_3=wl$ ہے اور اس کی سمت خلاء کی اکائی سمتیہ $\hat{\pmb{a}}_z$ کے اُلٹ ہے لہذا

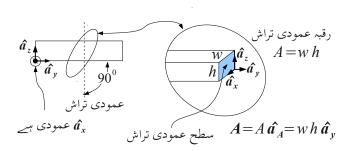
$$A_3 = A_3 \hat{a}_{A_3} = (w \, l)(-\hat{a}_z) = -w \, l \, \hat{a}_z \tag{1.18}$$

یهاں دھیان کریں کہ رقبہ ہر صورت میں مثبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔ یہ بات کسی بھی سمتیہ کے لئے درست ہے لہذا کسی بھی سمتیہ کا طول ہر صورت میں مثبت ہی ہوتا ہے البتہ اس کی سمت مثبت یا منفی ہو سکتی ہے۔



شكل 1.7:سمتيه رقبه كا تعارف

1.6 رقبہ عمودی تراش



شكل 1.8رقبه عمودي تراش

زاویہ قائمہ بناتے ہوئے لمبائی میں کسی چیز کی کٹائی کو عمودی تراش ¹¹ کہتے ہیں۔

شکل \hat{a}_{y} میں ایک سلاخ دکھائی گئی ہے۔ اس کو اکائی سمتیم ہیں سمت میں لٹایا گیا ہے۔ اگر ہم تصور میں اس سلاخ کو لمبائی کی عمودی سمت میں کاٹیں تو اس کا جو سرا بنے گا اس سطح کے رقبہ کو رقبہ عمودی تراش 12 کہتے ہیں۔ شکل میں دکھایا گیا رقبہ عمودی تراش A کی مقدار A ہے جہاں

¹¹ cross section

¹² cross sectional area

$$A = w h \tag{1.19}$$

مسئلہ کو دیکھتے ہوئے اس رقبہ عمودی تراش کی سمت کا تعین کیا جاتا ہے۔ شکل میں اس کی سمت \hat{a}_A خلاء کے اکائی سمتیہ میں اس کی سمت ہے لہذا

$$\hat{\boldsymbol{a}}_{A} = \hat{\boldsymbol{a}}_{y} \tag{1.20}$$

شکل میں بائیں جانب سلاخ کے نچلے کونے پر اکائی سمتیہ \hat{a}_x اور \hat{a}_z دکھائے گئے ہیں۔ان کے ابتدائی نقطہ پر گول دائرہ میں ایک نقطہ دکھایا گیا ہے۔ گول دائرہ میں بند نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر کتاب کی باہر جانب سمت کو ظاہر کرتا ہے۔ یہاں یہ سمتیہ \hat{a}_x کی سمت دکھلا رہا ہے۔اس کی اُلٹ سمت یعنی صفحہ کی عمودی اندر کی جانب کو گول دائرہ میں بند صلیب کے نشان سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

برقی میدان 13 اور مقناطیسی میدان 14

1.7.1 برقی میدان اور برقی میدان کی شدت 15

کولمب کے قانون 16 کے تحت چارج شدہ جسموں کے درمیان قوت کشش کولمب کے قانون 16 یا قوت دفع 18 ان اجسام پر چارج کی مقدار کے حاصل ضرب کے راست متناسب اور باہمی فاصلہ کے مربع کے بالعکس متناسب ہوتی ہے۔ اس قانون کو مساوات کی شکل میں یوں لکھا جاتا ہے۔

$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon r^2} \tag{1.21}$$

اگر ایک چارج کسی جگہ موجود ہو اور دوسرا چارج اس کے قریب لایا جائے تو دوسرے چارج پر کشش یا دفع کی قوت عمل کرے گی جس کا تعین کولمب کے قانون سے ہوتا ہے۔ اگر دوسرے چارج کو پہلے چارج سے آہستہ آہستہ دور لے جائیں تو قوت کشش یا دفع کم ہوتی جاتی ہے۔ ایک خاص فاصلے کے بعد یہ قوت عملی طور پر صفر ہو جاتی ہے اور دوسرا چارج پہلے چارج کے حلقہ

¹³ electric field

¹⁴ magnetic field

¹⁵ electric field intensity

¹⁶ Coulomb's law

¹⁷ attractive force

¹⁸ repulsive force

اثر سے باہر ہو جاتا ہے۔ اس حلقہ کے اندر واقع جگہ کو برقی میدان کہا جاتا ہے۔ برقی میدان کسی ایک چارج کی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے اور بہت سے چارجوں کی وجہ سے بھی ہو سکتا ہے۔ لہذا برقی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔

کسی چارج کے برقی میدان سے مراد چارج کے اِردگرد وہ جگہ سے جس میں اس کا برقی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

برقی میدان کی شدت 19 کی مقدار اور اس کی سمت کسی مقام پر معلوم کرنے کا طریقہ یہ ہے کہ ایک مثبت اکائی چارج کو آگر کسی چارج کے برقی میدان میں رکھا جائے تو جس سمت میں وہ مثبت اکائی چارج حرکت کرے یا حرکت کرنے کے لئے مائل ہو، وہی برقی میدان کی شدت کی سمت ہوگی اور جو قوت اس پر اثر انداز ہو وہ برقی میدان کی شدت ہوگی۔ برقی میدان کی شدت کی کی اکائی وولٹ فی میٹر 20 ہے۔

کولمب کے قانون یعنی مساوات 1.21 کی مدد سے ایک چارج Q کی برق میدان کی شدت کی مقدار یوں حاصل کی جا سکتی ہے۔ چارج Q اور اکائی چارج یعنی ایک کولمب چارج کے درمیان قوتِ کشش یا قوتِ دفع

$$F = \frac{Q \times 1}{4\pi \epsilon r^2} = \frac{Q}{4\pi \epsilon r^2} \tag{1.22}$$

¹⁹ electric field intensity

²⁰ V/m

نیوٹن ہو گی۔ یہی برقی میدان کی شدت کی مقدار سے یعنی

$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2} \tag{1.23}$$

اگر دو چارجوں کے درمیان سیدھی لکیر کھینچی جائے تو ان کے مابین قوتِ کشش یا قوتِ دفع کی سمت اس لکیر کی سمت میں ہو گی۔

1.7.2 مقناطيسي ميدان اور مقناطيسي ميدان كي شدت 2

مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان کی شدت بالکل برقی میدان اور برقی میدان کی شدت کی طرح ہوتی ہے۔

مقناطیسی میدان کی تعریف یوں کی جاتی ہے۔ کسی مقناطیس کے مقناطیسی میدان سے مراد مقناطیس کے اِردگرد وہ جگہ ہے جس میں اس کا مقناطیسی اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

²¹ magnetic field intensity

1.8 سطحي اور حجمي كثافت

1.8.1 سطحي كثافت

اکائی رقبہ کی سطح پر کسی چیز کی کُل مقدار کو اس چیز کی سطحی کثافت 22 کشافت 22 کہتے ہیں۔ مثال کے طور پر اگر رقبہ A پر کسی متغیرہ کی کُل مقدار B_{per} ہو تب اس متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت B_{per} یہ ہوگی

$$B_{lend} = \frac{\Phi}{A} \tag{1.24}$$

اس مساوات کو يوں بھي لکھا جا سکتا ہے

$$\Phi = B_{\text{lend}} A \tag{1.25}$$

یعنی اگر ہمیں کسی سطح پر ایک متغیرہ کی اوسط سطحی کثافت معلوم ہو تب ہم اس سطح پر اس متغیرہ کی کُل مقدار اس مساوات کی مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

²² surface density

²³ average surface density

اگر سطح پر متغیرہ ہر جگہ یکساں نہ ہو تب اس سطح پر سطحی کثافت جگہ جگہ تبدیل ہوگی۔ اس صورت میں اگر اتنا چھوٹا رقبہ لیا جائے کہ اس پر متغیرہ یکساں تصور کیا جا سکے تب اس نقطہ پر سطحی کثافت یوں حاصل ہوگی

$$B = \frac{\Delta \, \Phi}{\Delta \, A} \tag{1.26}$$

جہاں ΔA یہ چھوٹا رقبہ اور Φ اس پر متغیرہ کی چھوٹی سسی مقادار ہے۔ آگر یہ رقبہ ایک نقطہ کی مانند کر دیا جائے تب اس مساوات کو یوں لکھا جائے گا۔

$$B = \frac{d \, \Phi}{d \, A} \tag{1.27}$$

اس مساوات کو ہم یوں بھی بیان کر سکتے ہیں

$$d \Phi = B dA \tag{1.28}$$

یعنی اگر ہمیں کسی نقطہ پر ایک متغیرہ کی سطحی کثافت معلوم ہو تب اس نقطہ کے چھوٹے سے رقبہ پر ہم اس متغیرہ کی کم سے کم کُل مقدار اس مساوات کی

مدد سے معلوم کر سکتے ہیں۔

اسی طرح آگر ایک برقی تارکا رقبہ عمودی تراش A ہو اور اس میں برقی رو ρ_{au} گزر رہی ہو تو اس تار میں اوسط کثافتِ برقی رو

$$\rho_{au} = \frac{I}{A} \tag{1.29}$$

ہو گی۔

1.8.2 حجمي كثافت

 24 کہتے ہیں۔ یہاں ہم کمیت کی مثال لیتے ہیں۔ اگر کسی چیز کی حجم کثافت V اور اس کہتے ہیں۔ یہاں ہم کمیت کی مثال لیتے ہیں۔ اگر کسی چیز کا حجم M اور اس کی کمیت M ہو تب اس کی اوسط حجمی کثافت M ہو گی۔

$$\rho_{\text{bund}} = \frac{m}{V} \tag{1.30}$$

ρ کی علامت بقایا کتاب میں رداسی فاصلہ کر لئر استعمال کی جائر گی

²⁴ volume density

اسی طرح اگر اس چیز کی کمیت اس کے حجم میں جگہ جگہ مختلف ہو تب اس کی ایک نقطہ کی حجمی کثافت معلوم کرنے کے لئے اس کا اتنا چھوٹا حصہ لیا جاتا ہے کہ اس چھوٹے حصہ میں اس کی کمیت کو ہر جگہ یکساں تصور کیا جا سکے تب اس چھوٹے حصے کی حجمی کثافت یہ ہوگی۔

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta V} \tag{1.31}$$

اب اگر اس چھوٹے حصے کو ایک نقطہ مانند کر دیا جائے تب ہم لکھ سکتے ہیں کہ

$$\rho = \frac{dm}{dV} \tag{1.32}$$

اور

$$dm = \rho \, dV \tag{1.33}$$

یعنی اگر ہمیں ایک نقطہ کی حجمی کثافت معلوم ہو تب ہم ایک نہایت چھوٹے حجم کی کمیت اس مساوات کی مدد سے حاصل کر سکتے ہیں۔

27 ضرب صلیبی 26 اور ضرب نقطہ 27

دو مقداری متغیرات کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہی ہوتی ہے جبکہ دو سمتیہ متغیرہ متغیرہ ہو سکتی ہے۔ان دو سمتیہ متغیرہ یا مقداری متغیرہ ہو سکتی ہے۔ان دو اقسام کے ضرب پر یہاں غور کیا جائے گا۔

1.9.1 ضرب صليبي

ایسی دو سمتیہ متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب سمتیہ متغیرہ ہو کو ضرب صلیبی کہتے ہیں اور اسے یوں لکھا جاتا ہے۔

$$C = A \times B \tag{1.34}$$

ضربِ صلیبی میں ضرب کے نشان کو صلیب کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ جاتا ہے۔

حاصل ضرب سمتیہ C کی مقدار

$$C = |C| = |A||B|\sin\theta_{AB}$$

$$= AB\sin\theta_{AB}$$
(1.35)

²⁶ cross product

²⁷ dot product

 θ_{AB} ان کر مابین زاویہ ہے۔ اس حاصل سمتیہ کی سمت دائیں ہاتھ کر قانون سر یوں حاصل کی جاتی ہر۔

اگر آپ دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو A سمتیہ کی سمت میں رکھ کر همتیہ کی سمت موڑیں تو اس ہاتھ کا انگوٹھا C سمتیہ کی سمت کو ظاہر B

مثال 1.1:

مندرجہ ذیل ضرب صلیبی حاصل کریں

$$\hat{a}_z \times \hat{a}_x$$
 $\hat{a}_y \times \hat{a}_z$ $\hat{a}_x \times \hat{a}_y$

$$\hat{a}_{x} \times \hat{a}_{v}$$

$$\hat{a}_{y} \times \hat{a}_{y}$$

$$\hat{a}_z \times \hat{a}_z$$

$$\hat{a}_{v} \times \hat{a}_{v}$$
 $\hat{a}_{z} \times \hat{a}_{v}$ $\hat{a}_{x} \times \hat{a}_{z}$

$$\hat{a}_z \times \hat{a}_\rho$$

$$\hat{a}_z \times \hat{a}_{\rho}$$
 $\hat{a}_{\rho} \times \hat{a}_{\theta}$ •

حل: اس مثال میں سب سمتیہ اکائی ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔ لہذا

$$\hat{\boldsymbol{a}}_x \times \hat{\boldsymbol{a}}_y = (1)(1)\sin 90^0 \hat{\boldsymbol{a}}_z = \hat{\boldsymbol{a}}_z$$

$$\hat{a}_{v} \times \hat{a}_{z} = (1)(1) \sin 90^{\circ} \hat{a}_{x} = \hat{a}_{x}$$

$$\hat{\boldsymbol{a}}_z \times \hat{\boldsymbol{a}}_x = (1)(1)\sin 90^{\circ} \hat{\boldsymbol{a}}_y = \hat{\boldsymbol{a}}_y$$

$$\hat{\boldsymbol{a}}_{x} \times \hat{\boldsymbol{a}}_{z} = (1)(1)\sin 90^{0} (-\hat{\boldsymbol{a}}_{y}) = -\hat{\boldsymbol{a}}_{y}$$

$$\hat{a}_z \times \hat{a}_v = (1)(1) \sin 90^0 (-\hat{a}_x) = -\hat{a}_x$$

- اس مثال میں چونکہ دونوں سمتیہ ایک ہی جانب ہیں لہذا ان کے مابین $\sin 0^0 = 0$ زاویہ صفر ہے۔ صفر زاویہ کا سائن صفر ہی ہوتا ہے یع بی $\hat{a}_y \times \hat{a}_y = 0$ لہذا ان دو سمتیہ کا ضرب صلیبی صفر ہو گا
 - $\hat{\boldsymbol{a}}_{\rho} \times \hat{\boldsymbol{a}}_{\theta} = (1)(1) \sin 90^{\circ} \hat{\boldsymbol{a}}_{z} = \hat{\boldsymbol{a}}_{z}$

$$\hat{\boldsymbol{a}}_z \times \hat{\boldsymbol{a}}_{\rho} = (1)(1) \sin 90^{\circ} \hat{\boldsymbol{a}}_{\theta} = \hat{\boldsymbol{a}}_{\theta}$$

شکل 1.9 الف میں چار نیوٹن کی قوت \mathbf{F} محور سے تین میٹر کی سمتیہ فاصلہ \mathbf{L} پر لاگو ہے۔شکل 1.9 کے حصہ با میں اس کی تفصیل دی گئی ہر۔اس قوت کی مروڑ حاصل کریں۔

مثال 1.2

حل:

مروڑ T کی تعریف یہ سے

$$T = L \times F \tag{1.36}$$

کارتیسی نظام میں اس سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$L = L \sin \theta \, \hat{a}_x - L \cos \theta \, \hat{a}_y \tag{1.37}$$

للهذا

$$T = \left(L\sin\theta \,\hat{\boldsymbol{a}}_{x} - L\cos\theta \,\hat{\boldsymbol{a}}_{y}\right) \times F \,\hat{\boldsymbol{a}}_{y}$$

$$= LF\sin\theta \left(\hat{\boldsymbol{a}}_{x} \times \hat{\boldsymbol{a}}_{y}\right) - LF\cos\theta \left(\hat{\boldsymbol{a}}_{y} \times \hat{\boldsymbol{a}}_{y}\right)$$

$$= LF\sin\theta \,\hat{\boldsymbol{a}}_{z}$$
(1.38)

یہاں پچھلی مثال کی مدد سے $\hat{a}_x imes \hat{a}_y = \hat{a}_z$ اور $\hat{a}_y imes \hat{a}_y = \hat{a}_z$ لی گئی ہیں۔ یوں

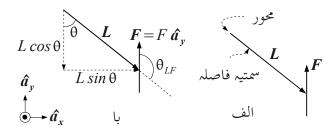
$$T = L F \sin \theta \, \hat{a}_z = 12 \sin \theta \, \hat{a}_z \qquad N \cdot m$$

 α کے لئے $\theta_{LF} = 180^0 - \theta$ ہے۔ چونکہ کسی بھی زاویہ $\sin \alpha = \sin(180^0 - \alpha)$ $\sin \alpha = \sin(180^0 - \alpha)$ ہے۔ $\sin \alpha = \sin(180^0 - \alpha)$

$$T = L F \sin \theta \, \hat{a}_z$$

$$= L F \sin \theta_{LF} \, \hat{a}_z$$
(1.39)

یہی جواب ضرب صلیبی کی تعریف یعنی مساوات 1.35 اور دائیں ہاتھ کے قانون کی مدد سے زیادہ آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔



شكل 1.9 كارتيسي نظام ميں مروڑ كا حل

1.9.2 ضرب نقطه

ایسی دو سمتیہ متغیرات کا ضرب جس کا حاصلِ ضرب مقداری متغیرہ ہو کو ضربِ نقطہ کہتے ہیں اور اسے یوں لکھا جاتا ہے۔

$$C = \mathbf{A} \cdot \mathbf{B} \tag{1.40}$$

ضرب نقطہ میں ضرب کر نشان کو نقطہ کی علامت سر ظاہر کیا جاتا سے۔اسی سے اس کا نام ضرب نقطہ لیا گیا سے۔

ضربِ نقطہ میں حاصلِ ضرب مقداری کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے

$$C = A \cdot B$$

$$= |A||B|\cos\theta_{AB}$$

$$= AB\cos\theta_{AB}$$
(1.41)

جہاں θ_{AB} ان دو کر مابین زاویہ ہر۔

مثال 1.3:

مندرجہ ذیل ضربِ نقطہ حاصل کریں

- $\hat{a}_z \cdot \hat{a}_z$ $\hat{a}_y \cdot \hat{a}_y$ $\hat{a}_x \cdot \hat{a}_x$

- $\hat{a}_{p} \cdot \hat{a}_{p}$ $\hat{a}_{y} \cdot \hat{a}_{z}$ $\hat{a}_{x} \cdot \hat{a}_{y}$ •

 $\hat{a}_{\rho}\cdot\hat{a}_{\theta}$ •

حل:اس مثال میں سب اکائی سمتیہ ہیں۔اکائی سمتیہ کا طول ایک کے برابر ہوتا ہے۔

$$\hat{a}_x \cdot \hat{a}_x = (1)(1)\cos 0^0 = 1$$

$$\hat{a}_{y} \cdot \hat{a}_{y} = (1)(1) \cos 0^{0} = 1$$

$$\hat{a}_z \cdot \hat{a}_z = (1)(1) \cos 0^0 = 1$$

$$\hat{a}_x \cdot \hat{a}_y = (1)(1)\cos 90^0 = 0$$

$$\hat{a}_y \cdot \hat{a}_z = (1)(1) \cos 90^0 = 0$$

$$\hat{a}_{0} \cdot \hat{a}_{0} = (1)(1) \cos 0^{0} = 1$$

$$\hat{a}_{o} \cdot \hat{a}_{\theta} = (1)(1)\cos 90^{0} = 0$$

شکل 1.10 میں قوت F ایک بارکو دھکیل رہی ہے۔ سمتیہ فاصلہ L طے کرنے پر قوت کتنا کام کر چکی ہوگی۔

مثال 1.4:

حل:

کام W کی تعریف یہ ہے

$$W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{L} \tag{1.42}$$

ہم کارتیسی نظام میں سمتیہ فاصلہ کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$L = L\cos\theta_{FL}\hat{a}_x + L\sin\theta_{FL}\hat{a}_y \tag{1.43}$$

لهذا

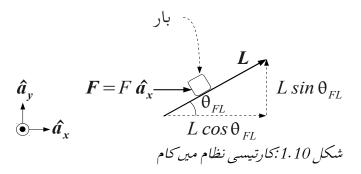
$$W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{L}$$

$$= (F \,\hat{\mathbf{a}}_{x}) \cdot (L \cos \theta_{FL} \,\hat{\mathbf{a}}_{x} + L \sin \theta_{FL} \,\hat{\mathbf{a}}_{y})$$

$$= F \, L \cos \theta_{FL} (\hat{\mathbf{a}}_{x} \cdot \hat{\mathbf{a}}_{x}) + F \, L \sin \theta_{FL} (\hat{\mathbf{a}}_{x} \cdot \hat{\mathbf{a}}_{y})$$

$$= F \, L \cos \theta_{FL}$$
(1.44)

جہاں پچھلی مثال کی مدد سے $\hat{a}_x \cdot \hat{a}_x = 1$ اور $\hat{a}_x \cdot \hat{a}_y = 0$ لی گئی ہیں۔ یہی جواب ضربِ نقطہ کی تعریف یعنی مساوات 1.41 سے با آسانی حاصل ہوتا ہے۔



مساوات 1.45 میں ایک تفاعل جس میں B_0 مقررہ ہے کا تفرق 30 دیا گیا ہے۔ گیا ہے جبکہ مساوات 1.46 میں ایک تفاعل کا جُزوی تفرق 31 دیا گیا ہے۔

$$B(\theta) = B_0 \cos \theta$$

$$\frac{dB(\theta)}{d\theta} = -B_0 \sin \theta$$
(1.45)

²⁸ differentiation

²⁹ partial differentiation

³⁰ differential

³¹ partial differential

$$\partial W(x,\lambda) = \frac{\partial W(x,\lambda)}{\partial x} dx + \frac{\partial W(x,\lambda)}{\partial \lambda} d\lambda \tag{1.46}$$

1.11 خطى تكمل 32

مساوات 1.47 میں ایک تفاعل $B(\theta)$ دیاگیا ہے جسے شکل 1.11 میں دکھایاگیا ہے۔ اس کی طولِ موج 2π 3π ریڈیئن کے برابر ہے۔ ہم دکھایاگیا ہے۔ اس کی طولِ موج $(-\pi/2) < \theta < (\pi/2)$ کے مابین اس کا اوسط معلوم کرتے ہیں۔ یہ تکمل سے یوں ہوگا۔

$$B(\theta) = B_0 \cos \theta \tag{1.47}$$

$$B_{\nu} = \frac{B_0}{\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \cos\theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$
 (1.48)

اسی طرح آگر اسی خطہ پر تفاعل کے مربع یعنی $B^2(\theta)$ کا اوسط درکار ہو تو ایساکرنا مساوات 1.49 میں دکھایا گیا ہے۔

³² line integral

³³ wavelength

$$B_{\frac{1}{2}}^{2} = \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \cos^{2}\theta \, d\theta$$

$$= \frac{B_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \frac{(1 + \cos 2\theta)}{2} \, d\theta$$

$$= \frac{B_{0}^{2}}{2}$$
(1.49)

تفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر 34 بہت اہمیت رکھتا ہے۔ لہذا اس تفاعل کے مربع کی اوسط کا جزر B_{rms} مساوات 1.49 کی مدد سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

$$B_{rms} = \sqrt{B_{loud}^2} = \frac{B_0}{\sqrt{2}}$$
 (1.50)

یہ ایک بہت اہم نتیجہ ہے جو آپ کو زبانی یاد ہونا چاہئے۔ یہ مساوات ہر سائن نما تفاعل کے لئے درست ہے۔کسی بھی متغیرہ کے مربع کی اوسط کا جزر اس متغیرہ کا موثر قیمت ³⁵کہلاتا ہے۔

³⁴ root mean square (rms)

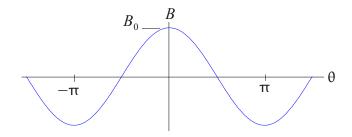
³⁵ effective value (rms)

1.12 سطحى تكمل ³⁶

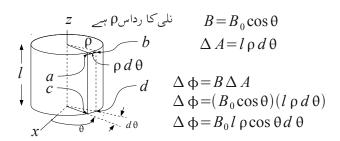
مثال کے طور پر آگر مساوات 1.47 شکل 1.12 میں نلی کے بیرونی سطح پر متغیرہ B کی مقدار بتلاتی ہے اور یہ متغیرہ سطحی کثافت کو ظاہر کرے ہم آدھے بیرونی سطح مثلاً زاویہ $(\pi/2)$ اور $(\pi/2)$ کے مابین اس کی کُل مقدار Φ معلوم کرتے ہیں۔اس سطح میں نلی کے دونوں سرے شامل نہیں ہیں۔

ہم نلی کے بیرونی سطح پر ΔA رقبہ لیتے ہیں جس کی قوسِ صغیرہ $\rho d\theta$ اور لمبائی l ہے۔اس طرح اس سطح کا رقبہ $\rho d\theta$ ہے۔چونکہ اس سطح پر B کی مقدار محوری لمبائی کی جانب تبدیل نہیں ہو رہی اس لئے سطح ΔA پر $\Delta A = \Phi \Delta A$ ہوگا اور کُل Φ تکمل کی مدد سے یوں حاصل ہوگا۔

³⁶ surface integral



شكل 1.11:كوسائن موج



شکل 1.12: نلی کی بیرونی سطح پر متغیره کا تکمل کُل مقدار دے گی

$$\Delta \Phi = B \Delta A = B_0 l \rho \cos \theta d\theta \qquad (1.51)$$

$$\phi = B_0 l \rho \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \cos \theta \, d\theta = 2 B_0 l \rho \qquad (1.52)$$

اب ہم یہی مقدار نلی کے آدھے بیرونی سطح پر کہیں پر بھی حاصل کرنا چاہیں تو ہمیں صرف تکمل کے دو حد تبدیل کرنے ہوں گے۔ اگر ہم مساوات 1.52 میں نچلا حد $(\frac{\pi}{2}-\alpha)$ اور اُوپر کا حد $(\frac{\pi}{2}-\alpha)$ لیس تو یہ حاصل ہوگا۔

$$\phi(\alpha) = B_0 l \rho \int_{-\pi/2-\alpha}^{+\pi/2-\alpha} \cos\theta d\theta = 2 B_0 l \rho \cos\alpha \qquad (1.53)$$

یہاں (α) اس بات کو واضح کرتا ہے کہ نتیجہ α پر منحصر ہے۔ یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ مساوات 1.53 میں آگر $\alpha=0$ ہو تو مساوات ملتا ہے۔

1.13 فوريئر تسلسل ³⁷

1.14 دوری سمتیہ 38

سائن نما موج جن کا تعدد معین ہو کو دوری سمتیہ سے ظاہر کرنا نہایت مفید ثابت ہوتا ہے۔ مساوات یولر ³⁹

$$A_0 e^{\mp j(\omega t + \phi)} = A_0 \left[\cos(\omega t + \phi) \mp j \sin(\omega t + \phi) \right]$$
 (1.54)

کی مدد سے کو-سائن موج یوں لکھی جا سکتی ہے

$$A_0 \cos(\omega t + \Phi) = \frac{A_0}{2} \left(e^{j(\omega t + \Phi)} + e^{-j(\omega t + \Phi)} \right)$$
 (1.55)

اس سے ثابت ہوتا ہے کہ کو-سائن موج دراصل دو مخلوط اعداد کا مجموعہ ہے۔ مساوات یولر ایک مخلوط عدد کو ظاہر کرتا ہے جس کے دو جُز ہیں۔ اس کا ایک

³⁷ Fourier series

³⁸ phase vector or phasor

³⁹ Euler's equation

جُز حقیقی عدد ہے اور اس کا دوسرا جُز فرضی عدد ہے۔ اس کا حقیقی جُز کو۔ سائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کو۔ سائن موج کو ظاہر کرتا ہے۔ لہٰذا ایک کو۔ سائن موج کو $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$ کا حقیقی جُز ہوتا ہے۔ رسمی طور پر سائن نما موج کو $A_0e^{-j(\omega t+\phi)}$ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ مزید یہ کہ اس عدد کو چھوٹا کر کے صرف $A_0e^{j(\omega t+\phi)}$ یا پھر $A_0 \angle \phi$ لکھا جاتا ہے۔ کو۔ سائن موج کے اس طرح ظاہر کرنے کو دوری سمتیہ کہتے ہیں جہاں اس سمتیہ کا طول A_0 اور اُفقی لکیر سے زاویہ A_0 ہے۔

دوری سمتیہ استعمال کرتے وقت آپ کو یہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ یہ ایک کو سائن موج ہے جس کا حیطہ A_0 ، دوری زاویہ Φ اور زاویاتی تعدد Φ ہے۔

اس کتاب میں دوری سمتیہ کو سادہ طرزِ لکھائی میں انگریزی کے بڑے حروف جن پر ٹوپی کا نشان ہو سے ظاہر کیا جائے گا، یعنی \hat{V} , \hat{I} وغیرہ اور ان کے طول کو بغیر ٹوپی کے نشان کے اسی حرف سے ظاہر کیا جائے گا۔مثلاً بر تی دباؤ $v=20\cos\left(\varpi t+\frac{\pi}{3}\right)$ دباؤ $v=20\cos\left(\varpi t+\frac{\pi}{3}\right)$

$$v = 20\cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$$

$$\hat{V} = 20 \angle \frac{\pi}{3} = 20e^{j\frac{\pi}{3}}$$

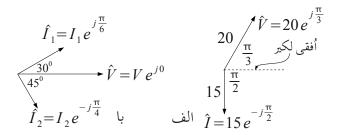
$$V = 20$$

$$\phi = \frac{\pi}{3}$$

$$(1.56)$$

اس مساوات میں پہلا جُز ایک عام کوسائن موج ہے۔ دوسرا جُز اِسی کو دوری سمتیہ سے ظاہر کر رہا ہے۔ تیسرا اس دوری سمتیہ کا طول اور چوتھا اس کا زاویہ بتلا رہا ہے۔

دوری سمتیہ کو عام سمتیوں کی طرح ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس مساوات میں \hat{V} کا طول 20 اور اُفقی لکیر سے زاویہ $\pi/3$ ریڈیئن ہے۔زاویہ اُفقی لکیر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ اس سمت میں زاویہ مثبت ہے۔ شکل میں اسے اور چند اور دوری سمتیہ دکھائے گئے ہیں۔



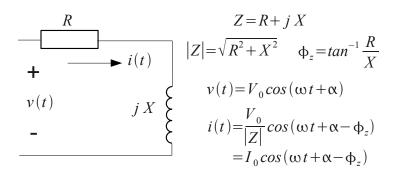
شكل 1.13:دوري سمتيه

برقی دور حل کرتے وقت برقی دباؤ \hat{V} کو اُفقی سمت میں بنا کر بر تھی رو \hat{I} اس کی نسبت سے بنایا جاتا ہے۔شکل حصہ با میں \hat{I}_1 تیس درجہ زاویہ برقی دباؤ سے آگے \hat{I}_2 ہے جبکہ \hat{I}_2 پینتالیس درجہ زاویہ اس کے پیچھے \hat{I}_3 ہے۔یہاں یہ دھیان رہے کہ شکل میں \hat{I}_4 مثبت لکھا گیا ہے۔چونکہ یہ اُفقی لکیر سے زاویہ ناپنے کی اُلٹ سمت میں ہے لہٰذا یہ ایک منفی زاویہ ہے۔

یہاں دوری سمتیوں کو استعمال کر کے ایک سادہ برقی دور حل کرتے ہیں۔ یوں ان سے وابستگی پیدا ہو جائے گی اور ان کا استعمال بھی سیکھ لیں گے۔

⁴⁰ leading

⁴¹ lagging



شکل 1.14:دوری سمتیہ کی ملد سے ایک R-L دور کا حل

شکل 1.14 ایک سادہ R-L برقی دور ہے جس پر لاگو برقی دباؤ

$$v(t) = V_0 \cos(\omega t + \alpha)$$

$$\hat{V}_0 = V_0 \angle \alpha$$
(1.57)

i(t) معلوم کرنا چاہتے ہے۔ دوری سمتیہ کے استعمال سے ہم اس میں برقی رو

$$\hat{I}_0 = \frac{\hat{V}_0}{R + jX} = \frac{V_0 \angle \alpha}{|Z| \angle \phi_z}$$

$$= \frac{V_0}{|Z|} \angle (\alpha - \phi_z) = I_0 \angle (\alpha - \phi_z)$$
(1.58)

جہاں مقاومت کا زاویہ Φ_z ہے۔ لہٰذا

$$i(t) = I_0 \cos(\omega t + \alpha - \phi_z)$$
 (1.59)

مقناطیسی دور ⁴²

2.1 مزاحمت اور ہچکچاہٹ

شکل 2.1 میں ایک سلاخ دکھائی گئی ہے۔ اس کی لمبائی کی سمت میں مزاحمت R^{-43} یہ ہے

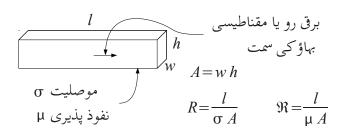
$$R = \frac{l}{\sigma A} \tag{2.1}$$

جہاں σ موصلیت 44 کو ظاہر کرتی ہے۔

⁴² magnetic circuit

⁴³ resistance

⁴⁴ conductivity



شكل 2.1:مزاحمت اور بهچكچابت

اگر اس سلاخ کی نفوذ پذیری μ^{45} ہو تو اس سلاخ کی ہچکچاہٹ \Re^{46} یوں بیان کی جائے گی۔

$$\Re = \frac{l}{\mu A} \tag{2.2}$$

نفوذ پذیری μ کو عموماً خالی خلاء کی نفوذ پذیری μ_0 کی نسبت سے لکھا جاتا ہے یعنی

⁴⁵ permeability

⁴⁶ reluctance

$$\mu = \mu_r \mu_0 \tag{2.3}$$

جہاں ہے۔ نسبتِ نفوذ پذیری ⁴⁷ کہلاتی ہے۔ہچکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر۔چکر فی ویبر ⁴⁸ ہے جسکی وضاحت آپکو جلد ہو جائےگی۔

مثال 2.1:

شکل 2.1 میں دی گئی سلاخ کی ہچکچاہٹ معلوم کریں

$$\mu_r = 2000$$

$$l = 10 cm$$

$$h = 3 cm$$

$$w = 2.5 cm$$

حل:

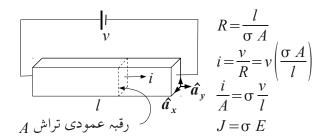
$$\Re = \frac{l}{\mu_r \mu_0 A}$$

$$= \frac{0.1}{2000 \times 4 \pi 10^{-7} \times 0.03 \times 0.025}$$

$$= 53044 A \cdot turns / Wb$$

- 47 relative permeability
- 48 A.turns/Wb

51 کثافت برقی رو 49 اور برقی میدان کی شدت 51



شكل 2.2.كثافت برقى رو اور برقى دباؤكى شادت

اگر اس سلاخ کے سروں پر برقی دباؤ ν لاگو کی جائے جیسا کہ شکل i میں دکھایا گیا ہے تو اس میں برقی رو i گزرے گا جس کی مقدار اوہم کے قانون i سے یوں حاصل ہوتی ہے

⁴⁹ electric current density

⁵⁰ electric field intensity

برقی میدان کا لفظ جنگی میدان سر نکلا ہر جہاں قوت کی آزمائش ہوتی ہر 51

⁵² Ohm' law

$$i = \frac{v}{R} \tag{2.4}$$

اس مساوات کو مساوات 2.1 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں

$$i = v \left(\frac{\sigma A}{l} \right) \tag{2.5}$$

یا

$$\left(\frac{i}{A}\right) = \sigma\left(\frac{v}{l}\right) \tag{2.6}$$

اسے مزید یوں لکھ سکتے ہیں

$$J = \sigma E \tag{2.7}$$

اگر شکل میں سمتیہ J کا طول J ہو اور سمتیہ E کا طول J ہو جہاں ان دونوں سمتیہ کی سمت \hat{a}_y ہے تب اس مساوات کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\boldsymbol{J} = \sigma \boldsymbol{E} \tag{2.8}$$

یہ دونوں مساوات اوہم کے قانون کی ایک اور شکل ہیں۔ مساوات 2.7 میں

$$J = \frac{i}{A} \tag{2.9}$$

$$E = \frac{v}{l} \tag{2.10}$$

I ہیں۔ شکل سے واضح ہے کہ برقی رو I سلاخ کی رقبہ عمودی تراش I سے گزرتی ہے لہٰذا مساوات I کے تحت I برقی رو کی کثافت کو ظاہر کرتی ہے۔ اسی وجہ سے I کو کثافت برقی رو I ہیں کہتے ہیں۔ اسی طرح مساوات I کو کثافت برقی دباؤ فی آکائی لمبائی کو ظاہر کرتی ہے۔ یوں I کو سے یہ واضح ہے کہ I برقی دباؤ فی آکائی لمبائی کو ظاہر کرتی ہے۔ یوں I کو برقی میدان کی شدت I کہتے ہیں۔ جہاں متن سے واضح ہو کہ برقی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں اس نام کو چھوٹا کر کے I کو میدانی شدت سے پکارا جاتا ہے۔ برقی میدان I میں اس عمراد کسی چارج کے اردگرد وہ جگہ ہے جس میں اس

⁵³ electric current density

⁵⁴ electric field intensity

⁵⁵ electric field

چارج کا اثر محسوس کیا جاتا ہے۔

ہم بالكل اسى طرح مقناطيسى متغيرہ كے لئے بھى اس طرح كے مساوات لكھ سكتے ہيں۔ حصہ 2.5 ميں بھى يہى كريں گے۔

2.3 برقى **د**ور

برقی دور میں برقی دباؤ 56 7 7 کی وجہ سے برقی رو 59 1 59 پیدا ہوتی ہوتے ۔ تانبہ 60 کسی موصلیت 61 10 10 10 10 10 10 موصلیت کی اکائی ہے۔ لہٰذا تانبہ کی بنی تار کی مزاحمت 61 موصلیت کی اکائی ہے۔ لہٰذا تانبہ کی بنی تار کی مزاحمت 61 میں اوہ ہے۔ اگر ایسی تار میں برقی رو 61 کا گزر ہو تو اس تار کی مزاحمت 61 میں اوہ ہم کے قانون کے تحت برقی دباؤ کم ہو گی اور اس کمی کی مقدار 61 ہو گی۔ 61 ہو گی۔ 61 کی قابلِ نظر انداز ہونے کی وجہ سے یہ مقدار بھی قابلِ نظر انداز ہی ہو گی۔ اس کا مطلب ہے کہ برقی تار کی مدد سے برقی دباؤ کی ایک جگہ سے دوسری جگہ رسائی بغیر کم ہوئے ممکن ہے۔ اسی

⁵⁶ voltage

⁵⁷ برقی دباؤکی اکائی وولٹ سے جو اٹلی کے السانڈرو وولٹاکے نام سے جنہوں نے برقی بیٹری ایجادکی

⁵⁸ electric current

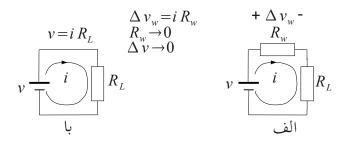
⁵⁹ برقی روکی اکائی ایمپیئر سے جو فرانس کے انٹرِ میرِ ایمپیئر کے نام سے جن کا برقی و مقناطیسی میدان میں اسم کردار سے

⁶⁰ copper

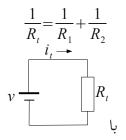
⁶¹ resistance

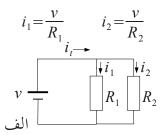
⁶² مزاحمت کی اکائی اوہم ہے جو جرمنی کے جارج سائمن اوہم کے نام ہے جنہوں نے قانونِ اوہم دریافت کیا

لئے تانبہ کی تارکو عموما ً برقی دباؤ کی ایک جگہ سے دوسری جگہ رسائی کے لئے استعمال کیا جاتا ہے اور اس کی مزاحمت کو صفر ہی سمجھا جاتا ہے۔ شکل لئے استعمال کیا جاتا ہی ایک ایسا ہی برقی دور دکھایا گیا ہے۔اس برقی دور میں کُل تار کی مزاحمت R کو نظرانداز کیا جا سکے کی مزاحمت R ہے۔ اگر تارکی مزاحمت R کو نظرانداز کیا جا سکے تو بھی برتی دور R تک بغیر کم کئے پہنچایا گیا ہے۔



شکل 2.3:برقی دور میں تارکی مزاحمت کو نظر انداز کیا جاتا سے





شکل 2.4:برقی ہاؤ کم مزاحمت کے راستے زیادہ ہوتی ہے

شکل 2.4 میں ایک اور مثال دی گئی ہے۔ یہاں ہم دیکھتے ہیں کہ بر قی رو اس راستے زیادہ ہوتی ہے جس کی مزاحمت کم ہو۔ لہٰذا آگر $R_1 < R_2$ ہو تو $i_1 > i_2$

2.4 مقناطیسی دور ⁶³ حصہ اول

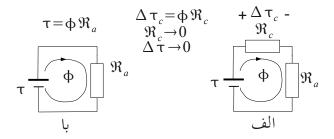
مقناطیسی دور بالکل برقی دور کی طرح ہوتے ہیں۔ بس ان میں برقی دباؤ τ^{65} مقناطیسی جاؤ τ^{66} ، برقی رو τ^{66} کی جگہ مقناطیسی جاؤ

⁶³ magnetic circuit

⁶⁴ magneto-motive force (mmf)

⁶⁵ magnetic flux

 Φ اور مزاحمت R کی جگی ہچکچاہٹ Θ \Re ہوتی ہے۔ لہذا ہم بالکل ایک برقی دور کی طرح ایک مقناطیسی دور بنا سکتے ہیں۔ ایسا ہی ایک دور شکل 2.5 حصہ الف میں دکھایا گیا ہے۔



شكل 2.5:مقناطيسى دور

یہاں بھی کوشش یہی ہے کہ کسی طرح مقناطیسی دباؤ τ کو بغیر کم کئے ہچکچاہٹ R_a ت ک پہنچایا جائے۔ عموما گر خلائی درزکسی ہچکچاہٹ ہوتی ہے اور R_c مقناطیسی مرکز کی یہاں بھی اگر R_c کو نظرانداز کرنا ممکن ہو تو ہمیں شکل 2.5 حصہ ب ملتا ہے جس میں مقناطیسی ہاؤ Φ کو، بالکل اوہم کے قانون کی طرح، مساوات سے حل کیا جا سکتا ہے۔ یعنی

⁶⁶ reluctance

$$\tau = \phi \, \Re_a \tag{2.11}$$

اگر \Re_c کو نظرانداز کرنا ممکن نہ ہو تب بالکل سلسلہ وار مزاحمتوں کی طرح ہم اس شکل میں دیئے گئے دو سلسلہ وار ہچکچاہٹوں کا مجموعہ ہچکچاہٹ \Re_s کو استعمال کر کے برقی رو کا حساب لگائیں گے، یعنی

$$\Re_s = \Re_c + \Re_a \tag{2.12}$$

$$\tau = \phi \Re_s \tag{2.13}$$

⁶⁷ Henry per meter (H/m)

مساوات 2.2 سے ہم دیکھتے ہیں کہ ہچکچاہٹ کم سے کم کرنے کی خاطر رقبہ عمودی تراش زیادہ سے زیادہ رکھنی پڑتی ہے۔ لہذا عموما مقناطیسی دباؤ منتقل کرنے کے لئے ایک تار نہیں بلکہ خاصی زیادہ سطح عمودی تراش رکھنے والا راستہ درکار ہوتا ہے جسے مقناطیسی مرکز 69 کہتے ہیں۔برقی آلوں میں استعمال مقناطیسی مرکز لوہے کی باریک چادر یا پتری 69 تہہ در تہہ رکھ کر بنائی جاتی ہے۔ مقناطیسی مرکز کے بارے میں ہم حصہ 2.8 میں مزید معلومات حاصل کریں گے۔

كثافت مقناطيسى بهاؤ 70 اور مقناطيسى ميدان كى شدت 71

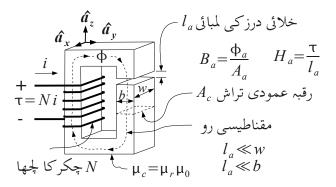
حصہ 2.2 میں ہم نے برقی مثال دی۔ یہاں ہم مقناطیسی مثال پیش کرتے ہیں۔ شکل 2.6 میں ایک مقناطیسی مثال دکھائی گئی ہے۔یہاں مقناطیسی مرکز کی $\mu_r = \infty$ تصور کی گئی ہے لہٰذا اس مرکز کی ہچکچاہٹ \Re_c صفر ہو گی۔ لہٰذا جیسے حصہ 2.2 میں تانبہ کی تار استعمال کی گئی تھی یہاں اسی طرح مقناطیسی مرکز کو مقناطیسی دباؤ τ ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرنے کے لئے استعمال کیا گیا ہے۔ اس شکل میں مقناطیسی دباؤ کو خلائی درز کی مزاحمت \Re_a تک پہنچایا گیا ہے۔

⁶⁸ magnetic core

⁶⁹ laminations

⁷⁰ magnetic flux density

⁷¹ magnetic field intensity



شكل 2.6:كثافت مقناطيسي بهاؤ اور مقناطيسي ميدان كي شدت

لہٰذا یہاں کُل ہچکچاہٹ صرف خلائی درز کی ہچکچاہٹ ہی سے یعنی

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} \tag{2.14}$$

 A_c خلائی درز کے رقبہ عمودی تراش میں A_a کو مرکز کے رقبہ عمودی تراش کے برابر لیا گیا ہے۔ یعنی

$$A_a = A_c = wb \tag{2.15}$$

اگر خلائی درز کی لمبائی l_a مرکز کے رقبہ کے اطراف b اور w سے نہایت کم ہو یعنی $d \gg b$ اور $d \gg b$ تب ایسا کرنا ممکن ہوتا ہے۔ اس کتاب میں یہی کیا جائے گا۔

مقناطیسی دباؤ کو یوں بیان کیا جاتا سے

$$\tau = Ni \tag{2.16}$$

یعنی برقی تارکے چکر ضرب ان میں برقی رو۔ لہذا مقناطیسی دباؤکی اکائی ایمپیئر۔ چکر 72 ہے۔ بالکل حصہ 2.2کی طرح ہم مساوات 2.13کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\phi_a = \frac{\tau}{\Re_a} \tag{2.17}$$

⁷² ampere-turn

مقناطیسی ہاؤکی اکائی ویبر 73 ہے اور ہچکچاہٹ کی اکائی ایمپیئر-چکر فی ویبر 74 ہے۔ خلائی درز میں مقناطیسی ہاؤ Φ_a اور مرکز میں مقناطیسی ہاؤ Φ_c برابر ہیں۔ اس مساوات کو مساوات 2.2 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\Phi_a = \tau \left(\frac{\mu_0 A_a}{l_a} \right) \tag{2.18}$$

$$\left(\frac{\Phi_a}{A_a}\right) = \mu_0 \left(\frac{\tau}{l_a}\right) \tag{2.19}$$

اس مساوات میں بائیں جانب مقناطیسی بہاؤ فی اکائی رقبہ کو کثافت مقناطیسی بہاؤ ہو مقناطیسی میدان B_a اور دائیں جانب برقی دباؤ فی اکائی لمبائی کو مقناطیسی میدان کی شدت H_a کی شدت H_a

$$B_a = \frac{\Phi_a}{A_a} \tag{2.20}$$

Weber 73: یہ اکائی جرمنی کے ولیم اڈورڈ ویبر کے نام ہے جن کا برق و مقناطیسی میدان میں اہم کردار رہا ہر

⁷⁴ ampere-turn per weber

⁷⁵ magnetic field intensity

$$H_a = \frac{\tau}{l_a} \tag{2.21}$$

کثافتِ مقناطیسی بہاؤکی اکائی ویبر فی مربہ میٹر سے جس کو ٹیسلہ ⁷⁶کا نام دیا گیا سے۔مقناطیسی میدان کی شدت کی اکائی ایمپیئر فی میٹر ⁷⁷ سے۔ لہٰذا مساوات 2.19کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$B_a = \mu_0 H_a \tag{2.22}$$

جہاں متن سے واضح ہو کہ مقناطیسی میدان کی بات ہو رہی ہے وہاں مقناطیسی میدان کی شدت کو میدانی شدت 78 کہا جاتا ہے۔ شکل میں ہم دیکھتے ہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی ہاؤ کی سمت، آکائی سمتیہ $\mathbf{B}_a = -B_a \hat{a}_z$ کی الٹ سمت میں ہے لہٰذا ہم کثافتِ مقناطیسی ہاؤ کو $\mathbf{B}_a = -B_a \hat{a}_z$ لکھ سکتے ہیں۔ اسی طرح خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ آکائی سمتیہ \hat{a}_z کی الٹ سمت میں دباؤ کی شدت کو $\mathbf{H}_a = -H_a \hat{a}_z$ لکھ سکتے ہیں۔ ڈال رہی ہے لہٰذا ہم مقناطیسی دباؤ کی شدت کو $\mathbf{H}_a = -H_a \hat{a}_z$ سکتا ہے۔

Tesla 76: یہ اکائی سربیا کے نِکولا ٹیسلہ کے نام ہے جنہوں نے بدلتی رو برقی طاقت عام کرنے میں اہم کردار اداکیا

⁷⁷ ampere per meter

⁷⁸ field intensity

$$\boldsymbol{B}_{a} = \mu_{0} \boldsymbol{H}_{a} \tag{2.23}$$

اگر خلاء کی جگہ کوئی ایسے مادہ ہو جس کی $\mu=\mu_{r}\mu_{0}$ ہو، تب ہم اس مساوات کو یوں لکھتے

$$\mathbf{B} = \mu \mathbf{H} \tag{2.24}$$

مثال 2.2:

شکل 2.6 میں خلائی درز میں کثافتِ مقناطیسی بہاؤ 0.1 ٹیسلہ درکار $\mu_r = \infty$ $\mu_r = \infty$ $\lambda_r = 0.5$ ہے۔ مرکز کی $\lambda_r = \infty$ ہے اور خلائی درز کی لمبائی 1 ملی میٹر ہے۔ اگر مرکز کے گرد برقی تار کے $\lambda_r = 0.5$ ہوں تو ان میں درکار برقی رو معلوم کریں۔ حل:

$$\tau = \phi \Re$$

$$N i = \phi \left(\frac{l}{\mu_0 A} \right)$$

$$\frac{\phi}{A} = \frac{N i \mu_0}{l}$$

للهذا

$$0.1 = \frac{100 \times i \times 4 \times 10^{-7}}{0.001}$$
$$i = \frac{0.1 \times 0.001}{100 \times 4 \times 10^{-7}} = 0.79567 A$$

یع میں 0.79567 ایمپیئر بر می رو سے خلائی درز میں 0.1 ٹیسلہ کشافت ِ مقناطیسی بہاؤ حاصل ہو جائے گی۔

2.6 مقناطیسی دور حصہ دوم

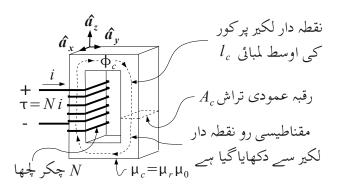
شکل 2.7 میں ایک سادہ مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے جس میں مرکز $\tau=Ni$ کی نفوذ پذیری کو محدود تصور کیا گیا ہے۔ شکل میں مقناطیسی دباؤ Φ_c مقناطیسی مرکز میں مقناطیسی بہاؤ Φ_c کو جنم دیتی ہے۔ یہاں مرکز کا رقبہ عمودی تراش Φ_c ہر جگہ یکساں ہے اور مرکز میں نقطہ دار لکیر کی لمبائی مودی تراش Φ_c ہر مقناطیسی بہاؤ کی سمت فلیمنگ کے دائیں ہاتھ کے قانون Φ_c سے معلوم کی جا سکتی ہے۔ اس قانون کو دو طریقوں سے بیان کیا جا سکتا

⁷⁹ Fleming's right hand rule

ہے۔

- 1. اگر ایک لچھے کو دائیں ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ ہاتھ کی چار انگلیاں لچھے میں برتی رو کی سمت میں لپٹی ہوں تو انگوٹھا اُس مقناطیسی بہاؤ کی سمت میں ہوگا جو اس برقی رو کی وجہ سے وجود میں آئگا۔
- اگر ایک تار جس میں برقی رو کا گزر ہو، کو دائیبی ہاتھ سے یوں پکڑا جائے کہ انگوٹھا برقی رو کی سمت میں ہو تو باقی چار انگلیاں اُس مقناطیسی رو ، جو اس برقی رو کی وجہ سے وجود میں آئے، کی سمت میں لپٹی ہوں گی۔

ان دو بیانات میں پہلا بیان، لچھے میں مقناطیسی بہاؤکی سمت معلوم کرنے کے لئے زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے جبکہ کسی ایک سیدھی تارکے گرد مقناطیسی بہاؤکی سمت دوسرے بیان سے زیادہ آسانی سے معلوم کی جا سکتی ہے۔



شكل 2.7:ساده مقناطيسي دور

لہذا مرکز میں مقناطیسی بہاؤ گھڑی کے سمت میں ہے۔ یہ شکل میں نقطہ دار لکیر پر تیرکے نشان سے ظاہرکیاگیا ہے۔ یہاں مرکزکی ہچکچاہٹ

$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_c A_c} \tag{2.25}$$

$$\Phi_c = \frac{\tau}{\Re_c} = N i \left(\frac{\mu_c A_c}{l_c} \right)$$
 (2.26)

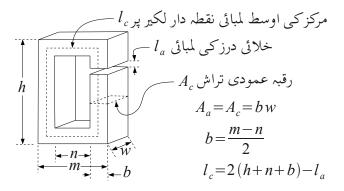
اس طرح ہم سب متغیرہ حاصل کر سکتے ہیں۔

مثال 2.3:

شکل 2.8 میں ایک مقناطیسی دور دکھایا گیا ہے جہاں

$$b = \begin{bmatrix} h = 20 cm & m = 10 cm \\ n = 8 cm & w = 2 cm \\ l_a = 1 mm & u_r = 40000 \end{bmatrix}$$
 (2.27)

ہیں۔مرکز اور خلائی درز کی ہچکچاہٹیں حاصل کریں۔



شكل 2.8:خلائي درز اور مركزكر سيحكياست

$$b = \frac{m-n}{2} = \frac{0.1 - 0.08}{2} = 0.01 \, m$$

$$A_a = A_c = b \, w = (0.01)(0.02) = 0.0002 \, m^2$$

$$l_c = 2 \, (h+n+b) - l_a = 2 \, (0.2 + 0.08 + 0.01) - 0.001 = 0.579 \, m$$

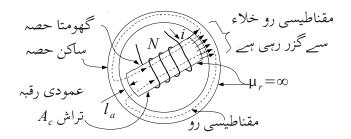
$$\Re_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 A_c} = \frac{0.579}{40000 \times 4 \pi \, 10^{-7} \times 0.0002} = 57586 \, A \cdot t / Wb$$

$$\Re_a = \frac{l_a}{\mu_0 A_a} = \frac{0.001}{4 \pi \, 10^{-7} \times 0.0002} = 3978358 \, A \cdot t / Wb$$

ہم دیکھتے ہیں آگرچہ مرکز کی لمبائی خلائی درز کی لمبائی سے 579 گنا زیادہ ہے تیب بھے خلائی درز کے ہچکچاہٹ 69 گنا زیادہ ہے یع بی \Re_{∞}

مثال 2.4:

شکل 2.9 سے رجوع کریں۔آگر ایک خلائی درز 5 ملی میٹر لمبا ہو اور گھومتے حصہ پر 1000 چکر ہوں تو خلائی درز میں 0.95 ٹیسلہ کثافتِ بر تی بہاؤ حاصل کرنے کی خاطر درکار برقی رو معلوم کریں۔



شکل 2.9:سادہ گھومنے والا مشین

حل:

اس شکل میں ایک گھومتے مشین، مثلاً موٹر، کی ایک سادہ شکل دکھائی گئی ہے۔ ایسے آلوں میں باہر کا حصہ ساکن رہتا ہے جس کو مشین کا ساکن حصہ کہتے ہیں اور اس ساکن حصہ کے اندر اس کا ایک حصہ گھومتا ہے جسے گھومتا حصہ کہتے ہیں۔ اس مثال میں ان دونوں حصوں کا $\infty = \mu$ ہے لہٰذا ان کی ہچکچاہٹ صفر ہے۔ مقناطیسی ہاؤ نقطہ دار لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔ یہ خلائی درز میں سے، ایک مکمل چکر کے دوران، دو مرتبہ گزرتی ہے۔ یہ دو خلائی درز ہر لحاظ سے ایک محمل چکر کے دوران، دو مرتبہ گزرتی ہے۔ یہ ہچکچاہٹ ہی برابر ہوں گی۔مزید یہ کہ ان خلائی درز کی ہچکچاہٹ سلسلہ وار ہیں۔شکل میں مقناطیسی ہاؤ کو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش ہے ہی ہوگا جو گھومتے حصہ سے ساکن حصہ کی طرف، خلائی درز کا عمودی رقبہ تراش ہے ہے۔ وہی ہوگا جو گھومتے حصہ کا ہے یعنی A_c ایک خلائی درز کی ہبیک خلائی درز کی ہوگا ہوگا جو گھومتے حصہ کا ہے یعنی A_c ایک خلائی درز کی ہچکچاہٹ

$$\Re_{a} = \frac{l_{a}}{\mu_{0} A_{a}} = \frac{l_{a}}{\mu_{0} A_{c}} \tag{2.28}$$

سے۔ لہذا کُل ہچکچاہٹ ہو گی

$$\Re_s = \Re_a + \Re_a = \frac{2l_a}{\mu_0 A_c} \tag{2.29}$$

یوں خلائی درز میں مقناطیسی ہاؤ Φ_a اور کثافت ِ مقناطیسی ہاؤ B_a یہ ہوں گے۔

$$\Phi_a = \frac{\tau}{\Re_s} = (N i) \left(\frac{\mu_0 A_c}{2 l_a} \right) = \frac{\mu_0 N i A_c}{2 l_a}$$
 (2.30)

$$B_a = \frac{\Phi_a}{A_a} = \frac{\mu_0 N i}{2 l_a} \tag{2.31}$$

اس مساوات میں اعداد استعمال کرتے ہیں

$$0.95 = \frac{4\pi 10^{-7} \times 1000 \times i}{2 \times 0.005}$$
$$i = \frac{0.95 \times 2 \times 0.005}{4\pi 10^{-7} \times 1000} = 7.558879694 A$$

موٹر اور جنریٹروں کی خلاء میں تقریباً ایک ٹیسلہ کشافت برقی ہاؤ ہوتی

2.7 خود اماله ⁸⁰ ، مشتركه اماله ⁸¹ اور توانائي

مقناطیسی ہماؤ کی، وقت کے ساتھ تبدیلی، برقی دباؤ e کو جنم دیتی ہے۔ لہذا اگر شکل 2.6 کے مرکز میں مقناطیسی ہماؤ تبدیل ہو رہی ہو تو اس کی وجہ سے اس کے لچھے میں برقی دباؤ پیدا ہوگی جوکہ اس لچھے کے سروں پر غودار ہوگی۔ اِس طرح پیدا ہونے والی برقی دباؤ کو امالی برقی دباؤ e کہتے ہیں۔ قانون فیراڈے e کے تحت e قانون فیراڈے e کے تحت e قانون فیراڈے e کی تحت e کی است کے سروں وقت کی تحت e قانون فیراڈے e کی تحت و تحت و

$$e = N \frac{\partial \Phi}{\partial t} = \frac{\partial \lambda}{\partial t} \tag{2.32}$$

اس مساوات میں ہم لچھے میں، وقت کے ساتھ تبدیل ہونے والی، مقناطیسی بہاؤ کو ϕ سے ظاہر کر رہے ہیں۔ N کو لچھے کی اِرتَباطِ بہاؤ

⁸⁰ self inductance

⁸¹ mutual inductance

⁸² induced voltage

⁸³ Michael Faraday

⁸⁴ مائكل فيرادُر انكلستاني سائنسدان لهر جنهوں نر محرك برقى دباؤ دريافت كى

 85 کہتے ہیں جس کی آکائی ویبر۔چکر 86 ہے۔ اس امالی برقی دباؤ کی سمت کا تعین یوں کیا جاتا ہے کہ آگر دیئے گئے پلھے کی سروں کو کسرِ دور 87 کیا جائے تو اِس میں برقی رو اُس سمت میں ہو گی جس میں مقناطیسی بہاؤ کی تبدیلی کو روکا جا سکے۔

جن مقناطیسی دوروں میں نفوذ پذیری 88 μ کو اٹل مقدار تصور کیا جا سکے یا جن میں خلائی درز کی ہچکچاہٹ مرکز کی ہچکچاہٹ سے بہت زیادہ ہو یعنی $\Re_a\gg\Re_c$ ، ان حالات میں ہم کچھے کی امالہ $\Re_a\gg\Re_c$ کرتے ہیں۔

$$L = \frac{\lambda}{i} \tag{2.33}$$

امالہ کی آکائی ویبر-چکر فی ایمپیئر سے جس کو سینیری H^{90} H^{91} کا نام دیاگیا سے۔ لہٰذا

⁸⁵ flux linkage

⁸⁶ weber-turn

⁸⁷ short circuit

⁸⁸ permeability

⁸⁹ inductance

⁹⁰ Henry (H)

⁹¹ امریکی سائنسدان جوزف ہینری جنہوں نے مائکل فیراڈ ہے سے علیحدہ طور پر محرک برقی دباؤ دریافت کی

$$L = \frac{N \, \Phi}{i} = \frac{N \, B_c A_c}{i} = \frac{N^2 \, \mu_0 \, A_a}{l_a} \tag{2.34}$$

مثال 2.5:

شکل 2.6 میں آگر $b=5\,cm$, $w=4\,cm$, $l_a=3\,mm$ ہو گیے کے 1000 چکر ہوں اور مرکز کے گرد اوسط لمبائی $l_c=30\,cm$ ہو تب ان دو صورتوں میں کچھے کی امالہ معلوم

کریں۔

- $\mu_r = \infty$ مرکز کی
- $\mu_r = 500$ مرکز کی

حل:

پہلی صورت میں مرکز کی $\mu_r = \infty$ ہونے کی وجہ سے مرکز کی ہچکچاہٹ نظرانداز کی جا سکتی ہے۔ یوں

$$L = \frac{N^2 \mu_0 w b}{l_a}$$

$$= \frac{1000^2 \times 4 \pi 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05}{0.003}$$

$$= 0.8378666 H$$

دوسری صورت میں 4,=500 ہے۔یوں مرکز کی ہچکچاہٹ صفر نہیں۔خلاء اور مرکز کی ہچکچاہٹ پہلے دریافت کرتے ہیں

$$\Re_{a} = \frac{l_{a}}{\mu_{0}wb} = \frac{0.003}{4\pi \cdot 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 1193507 \, \text{A-turns/Wb}$$

$$\Re_{c} = \frac{l_{c}}{\mu_{c}\mu_{0}wb} = \frac{0.3}{500 \times 4\pi \cdot 10^{-7} \times 0.04 \times 0.05} = 238701 \, \text{A-turns/Wb}$$

لإندا

$$\phi = \frac{Ni}{\Re_c + \Re_a}$$

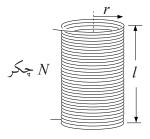
$$\lambda = N \phi = \frac{N^2 i}{\Re_c + \Re_a}$$

$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{N^2}{\Re_c + \Re_a} = \frac{1000 \times 1000}{238701 + 1193507} = 0.69822 H$$

مثال 2.6:

شکل میں ایک پیچدار لچھا 92 دکھایا گیا سے جس کی تفصیل یوں سے

$$N=11$$
; $r=0.49$ m; $l=0.94$ m



شكل 2.10: پيچدار لچها

ایسے پیچدار لچھے کی بیشتر مقناطیسی بہاؤ لچھے کے اندر محوری سمت میں ہوتی ہے۔ یوں میں ہوتی ہے۔ یوں

⁹² spiral coil

لچھے کے اندر محوری جانب مقناطیسی شادت

$$H = \frac{N i}{l}$$

ہوتی ہے۔

اس لچھے کی خود امالہ حاصل کریں۔

حل:

$$B = \mu_0 H = \frac{\mu_0 N i}{l}$$

$$\Phi = B \pi r^2 = \frac{\mu_0 N i \pi r^2}{l}$$

$$\lambda = N \Phi = \frac{\mu_0 N^2 i \pi r^2}{l}$$

$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

يول

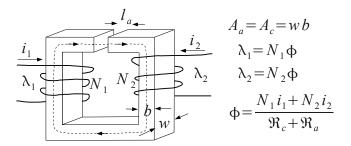
$$L = \frac{4\pi 10^{-7} \times 11^{2} \times \pi \times 0.49^{2}}{0.94} = 122 \times 10^{-6} H$$

یہ پیچدار لچھا میں نے 3000 کلوگرام لوہاگلانے والی بھٹی میں استعمال کیا ہے۔

شکل 2.11 میں دو کھھے والا ایک مقناطیسی دور دکھایا گیا ہے۔ ایک کے N_1 چکر ہیں اور اس میں برقی رو i_1 ہے اور دوسرا کھا N_2 چکر کا ہے اور اس میں برقی رو i_2 ہے۔ دونوں کھھوں میں برقی رو کی سمتیں یوں ہیں کہ اِن دونوں کا مقناطیسی دباؤ جمع ہو۔ یوں اگر مرکز کے امالہ کو نظرانداز کیا جائے تو ہم مقناطیسی بہاؤ ϕ کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\Phi = (N_1 i_1 + N_2 i_2) \frac{\mu_0 A_a}{l_a}$$
 (2.35)

93 يہاں آپ مثال 4.4 بھی دیکھنا پسند کریں گے



شكل 2.11:دو لچهر والا مقناطيسي دور

یہاں Φ دونوں چھوں کے مجموعی مقناطیسی دباؤ یعنی $N_1i_1+N_2i_2$ سے پیدا ہونے والا مقناطیسی ہاؤ ہے۔ اس مقناطیسی ہاؤ کی ان چھوں کے ساتھ اِرتَباط کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_1 = N_1 \phi = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$
 (2.36)

اس کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$\lambda_1 = L_{11}i_1 + L_{12}i_2 \tag{2.37}$$

جهاں

$$L_{11} = N_1^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \tag{2.38}$$

$$L_{12} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \tag{2.39}$$

ہیں۔ یہاں L_{11} پہلے کچھے کی خود امالہ 94 ہے اور L_{11} اِس کچھے کی اپنے برق رو i_1 سے پیدا مقناطیسی بہاؤ کے ساتھ اِرتَباطِ بہاؤ ہے جسے خود اِرتَباطِ بہاؤ 95 کہتے ہیں۔ L_{12} اِن دونوں کچھوں کا مشترکہ امالہ 96 ہے اور اِرتَباطِ بہاؤ 95 کہتے ہیں۔ L_{12} کے ساتھ برق رو i_2 کی وجہ سے پیدا کردہ مقناطیسی بھاؤ کا اِرتَباطِ بہاؤ ہے جسے مشترکہ اِرتَباطِ بہاؤ 97 کہتے ہیں ۔ بالکل اسی طرح ہم دوسرے کے لئے لکھ سکتے ہیں

⁹⁴ self inductance

⁹⁵ self flux linkage

⁹⁶ mutual inductance

⁹⁷ mutual flux linkage

$$\lambda_2 = N_2 \Phi = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_1 + N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} i_2$$
 (2.40)

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2 \tag{2.41}$$

$$L_{22} = N_2^2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \tag{2.42}$$

$$L_{12} = L_{21} = N_1 N_2 \frac{\mu_0 A_a}{l_a} \tag{2.43}$$

دو نمبر کچھے کی خود امالہ اور $L_{21} = L_{12}$ ان دو کچھوں کی مشترکہ امالہ ہے۔ یہاں یہ واضح کرنا ضروری ہے کہ امالہ کا تصور اس وقت کارآمد ہوتا جب ہم نفوذ پذیری μ کو اٹل تصور کر سکیں۔

مساوات 2.33 كو مساوات 2.32 مين استعمال كرين تو

$$e = \frac{\partial \lambda}{\partial t} = \frac{\partial (N \, \Phi)}{\partial t} = \frac{\partial (L \, i)}{\partial t}$$
 (2.44)

آگر امالہ مقررہ ہو جیساکہ ساکن آلوں میں ہوتا ہے تب ہمیں امالہ کی جانی پہچانی مساوات ملتی ہے

$$e = L \frac{\partial i}{\partial t} \tag{2.45}$$

مگر آگر امالہ بھی تبدیل ہو جیسا کہ موٹروں اور جنریٹروں میں ہوتا ہے تب

$$e = L \frac{\partial i}{\partial t} + i \frac{\partial L}{\partial t}$$
 (2.46)

توانائی 98 کی آکائی جاؤل 99 J 100 ہے اور طاقت 101 کی آکائی 102 جاؤل فی سیکنڈ یا واٹ 103 ہے۔

⁹⁸ energy

⁹⁹ Joule (J)

¹⁰⁰ جیمس پریسقوٹ جاؤل انگلستانی سائنسدان جنہوں نے حرارت اور میکانی کام کا رشتہ دریافت کیا

¹⁰¹ power

¹⁰² سکاٹلینڈکے جیمز واٹ جنہوں نے بخارات پر چلنے والے انجن پرکامکیا 103 Watt (W)

اس کتاب میں توانائی یا کام کو W سے ظاہر کیا جائے گا مگر طاقت کی اکائی واٹ کے لئے بھی W ہی کی علامت استعمال ہوتی ہے۔امید کی جاتی ہے کہ اس سے غلطی پیش نہیں آئے گی اور استعمال کو دیکھ کر یہ فیصلہ کرنا کہ اس کا کون سا مطلب لیا جا رہا ہے دشوار نہ ہوگا۔

وقت کے ساتھ توانائی کی شرح کو طاقت کہتے ہیں لہذا کسی لچھے کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$p = \frac{\partial W}{\partial t} = ie = i\frac{\partial \lambda}{\partial t}$$
 (2.47)

لہذا ایک مقناطیسی دور میں t_1 سے t_2 تک کے وقفے میں مقناطیسی توانائی میں تبدیلی کو تکمل کے ذریعہ یوں حاصل کیا جا سکتا ہے۔

$$\Delta W = \int_{t_1}^{t_2} p \, dt = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, d\lambda \qquad (2.48)$$

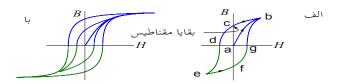
آگر مقناطیسی دور میں ایک ہی لچھا ہو اور اس دور میں امالہ اٹل ہو تب

$$\Delta W = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i \, d \, \lambda = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\lambda}{L} \, d \, \lambda = \frac{1}{2L} (\lambda_2^2 - \lambda_1^2)$$
 (2.49)

اگر ہم لمحہ t_1 پہ $\lambda_1=0$ تصور کریں تب ہم کسی دیئے گئے $\lambda_1=0$ مقناطیسی توانائی کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$\Delta W = \frac{\lambda^2}{2L} = \frac{Li^2}{2} \tag{2.50}$$

2.8 مقناطیسی ماده کے خصوصیات



شکل B-H:2.12 کے خط یا مقناطیسی چال کے دائرے

مقناطیسی دوروں میں مرکز استعمال کرنے سے دو طرح کے فوائد حاصل ہوتے ہیں۔ مرکز کے استعمال سے ایک تو کم مقناطیسی دباؤ سے زیاد مقناطیسی ہاؤ پیدا کی جا سکتی ہے اور دوسری، مقناطیسی ہاؤ کو اپنی مرضی کے راستوں پابند کیا جاسکتا ہے۔ ٹرانسفارمروں میں مرکز کو استعمال کر کے مقناطیسی ہاؤ کو اِس طرح پابند کیا جاتا ہے کہ جو مقناطیسی ہاؤ ایک لچھے سے گزرتا ہے، وہی مقناطیسی ہاؤ، ساراکا سارا، باقی لچھوں سے بھی گزرتا ہے۔ موٹروں میں مرکز کو استعمال کرکے مقناطیسی ہاؤ کو یوں پابند کیا جاتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ قوت پیدا ہو جبکہ جزیٹروں میں اسے زیادہ سے زیادہ برقی دباؤ حاصل کرنے کی نیت سے پابند کیا جاتا ہے۔

مقناطیسی اشیاء کی B اور H کے تعلق کو گراف کے ذریعہ سے پیش کیا جاتا ہے۔ لوہا نما مقناطیسی اشیاء کی B-H گراف شکل B-H اللہ میں دکھائی گئی ہے۔ ایک لوہا نما مقناطیسی شہ جس میں کسی قسم کی مقناطیسی اثر نہ ہو کو نقطہ a سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس نقطہ پر

$$H_a = 0$$

 $B_a = 0$ (2.51)

ہیں۔

ایسی شہ کو لچھے میں رکھ کر اس پر مقناطیسی دباؤ لاگو کی جا سکتی ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت H لاگو کرنے سے لوہا نما مقناطیسی شہ میں کشافت مقناطیسی بہاؤ B پیدا ہوگی۔میدانی شدت بڑھانے سے کشافت

مقناطیسی بھاؤ بھی بڑھے گی۔اس عمل کو نقطہ a سے شروع ایک نوکدار خط سے دکھلایا گیا ہے۔میدانی شدت کو نقطہ b تک بڑھایا گیا ہے جہاں یہ مقداریں d اور d ہیں۔

اگر اس نقطہ تک پہنچنے کے بعد میدانی شدت کم کی جائے تو دیکھا یہ گیا ہے کہ واپسی کی خط مختلف راستہ اختیار کرتی ہے۔یوں نقطہ b سے اگر میدانی شدت کم کرتے کرتے صفر کی جائے تو لوہا نما شہ کی کثافت مقناطیسی بھاؤ کم ہو کر نقطہ c پر آ پہنچتی ہے۔نقطہ d سے نقطہ c تک نوکدار خط اس عمل کو دکھلا رہی ہے۔اس نقطہ پر بیرونی میدانی شدت صفر ہے لیکن لوہا نما شہ کی کثافت ِ مقناطیسی بھاؤ صفر نہیں۔یہ اب ایک مقناطیس بن گیا ہے جس کی کثافت ِ مقناطیسی بھاؤ a ہے۔اس مقدار کو بقایا کثافت ِ مقناطیسی بھاؤ a ہے۔اس مقدار کو بقایا کثافت ِ مقناطیس اسی طرح بنائے جاتے ہیں۔

اگر یہاں سے میدانی شدت منفی سمت میں بڑھائی جائے تو B کم ہوتے ہوتے ہوتے آخر کار ایک بار پھر صفر ہو جاتی ہے۔اس نقطہ کو d سے ظاہر کیا گیا ہے۔مقناطیسیت ختم کرنے کے لئے درکار میدانی شدت کی مقدار H_d کو مقناطیسیت ختم کرنے والی شدت d کہتے ہیں۔

منفی سمت میں میدانی شدت بڑھاتے نقطہ e حاصل ہوتا ہے جہاں سے منفی سمت کی میدانی شدت کی مقدار ایک بار پھر کم کی جاتی ہے۔یوں نقطہ f حاصل ہوتا ہے جہاں میدانی شدت صفر ہونے کے باوجود کثافت مقناطیسی ہاؤ صفر نہیں۔اس نقطہ پر لوہا نما شہ اُلٹ سمت میں مقناطیس بن چکا ہے اور

¹⁰⁴ residual magnetic flux density

¹⁰⁵ coercivity

ہے۔ اسی طرح اس جانب مقناطیسی ہاؤ ہے۔ اسی طرح اس جانب مقناطیسیت ختم کرنے کی شدت $\left|H_{g}\right|$ ہے۔

اگر لوہا نما شہ پر باری باری مثبت اور منفی یکساں میدانی شدت کئی ہار لاگو کی جائے تو اس کی B-H کی خط ایک بند دائرہ کی شکل اختیار کر لیتی ہے جسے مقناطیسی چال کا دائرہ 106 کہتے ہیں 107 ۔ یہی شکل کے حصہ الف میں دکھائی گئی ہے۔

حصہ الف میں نقطہ a سے نقطہ b پہنچنے کے بعد اگر میدانی شدت مزید بڑھائی جائے اور پھر مقناطیسی چال حاصل کی جائے تو شکل کے حصہ باکا بیرونی بند دائرہ ملتا ہے۔حصہ الف کی مقناطیسی چال یہاں اندرونی دائرہ سے دکھائی گئی ہے۔

شکل 2.12 کی طرح کے خطوط کی چونچوں (یعنی زیادہ سے زیادہ مقدار واضح کرنے والے نکتوں) میں سے آگر ایک خط گزاری جائے تو شکل 2.13 ماصل ہوتی ہے۔ یہ شکل ٹرانسفارمروں میں استعمال ہونے والی مرکز کی 80.3048 ملی میٹر موٹی پتری کا گراف ہے جسے M5 مرکز کہتے ہیں۔ اس خط میں موجود مواد ایک فہرست کی شکل میں شکل 2.15 میں دیا گیا ہے۔ عموماً مسائل اس خط میں موجود مواد سے حل ہوتے ہیں۔ دھیان رہے کہ اس خط میں H کا پیمانہ لاگ 108 میں دکھایا گیا ہے۔ اسی شکل کے کچھ حصہ کو سادہ گراف کے ذریعہ شکل 4.2 میں دکھایا گیا ہے۔

¹⁰⁶ hysteresis loop

¹⁰⁷ عام زندگی میں پیچ کی چوڑی میں چال پیدا ہونے سے اسی قسم کے اثرات مرتب ہوتے ہیں 108 log

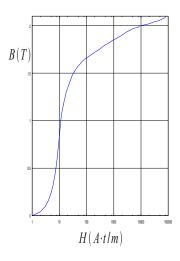
لوہا نما مقناطیسی اشیاء پر لاگو مقناطیسی شدت بڑھانے سے کثافت مقناطیسی بہاؤ بڑھنے کی شرع بتدریج کم ہوتی جاتی ہے حتیٰ کہ آخر کار یہ شرح خلاء کی شرح μ_0 رہ جاتی ہے یعنی

$$\frac{\Delta B}{\Delta H} = \mu_0 \tag{2.52}$$

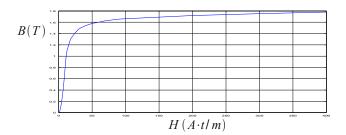
اس اثر کو سیرابیت 109 کہتے ہیں۔ یہ شکل 2.14 میں دکھائی گئی ہے۔

B گراف کو دیکھا جائے تو B کے کسی ایک متعین مقدار کے لئے B کے دو ممکنہ مقدار ہیں۔ اگر مقناطیسی بہاؤ بڑھ رہا ہو تو، گراف میں نیچے سے اور آگر مقناطیسی ہو اس میں B اور B کے تعلق کو پیش کرتی ہے اور آگر مقناطیسی بہاؤ کم ہو رہا ہو تو، اوپر سے نیچے آنے والی لکیر، اِس تعلق کو پیش کرتی ہے۔ کرتی ہے۔ چونکہ B = B / B ، للذا B کے مقدار تبدیل ہونے سے B بھی تبدیل ہوتی ہے۔ باوجود اِس کے ہم مقناطیسی دوروں میں یہ تصور کرتے ہیں گہی تبدیل ہوتی ہے۔ یہ تصور کر لینے سے عموماً جواب پر زیادہ اثر نہیں پڑتا۔

¹⁰⁹ saturation



شکل M5:2.13 سٹیل کی 0.3048 موٹی پتری کا خط میدانی شدت کا پیمانہ لاگ ہے



شكل 2.14:مقناطيسي سيرابيت

В	Н	В	Н	В	Н
0.000	0	1.480	30	1.852	1000
0.040	2	1.540	40	1.900	2000
0.095	3	1.580	50	1.936	3000
0.160	4	1.601	60	1.952	4000
0.240	5	1.626	70	1.968	5000
0.330	6	1.640	80	1.975	6000
0.440	7	1.655	90	1.980	7000
0.560	8	1.662	100	1.985	8000
0.700	9	1.720	200	1.998	9000
0.835	10	1.752	300	2.000	10000
1.000	11.22	1.780	400	2.020	20000
1.100	12.59	1.800	500	2.040	30000
1.200	14.96	1.810	600	2.048	40000

1.300	17.78	1.824	700	2.060	50000
1.340	20	1.835	800	2.070	60000
1.400	23.77	1.846	900	2.080	70000

شكل 2.15

مثال 2.7:

شکل 2.13 یا اس کے مساوی فہرست میں دیئے گئے مواد کو استعمال کرتے ہوئے شکل 2.6 کی خلاء میں ایک ٹیسلہ اور دو ٹیسلہ کثافت مقناطیسی ہاؤ حاصل کرنے کے لئے درکار ہر فی رو

معلوم كريس اس شكل ميں

 $b\!=\!5\,cm\,,\;\;w\!=\!4\,cm\,,\;\;l_a\!=\!3\,mm\,,\;\;l_c\!=\!30\,cm\,,\;\;N\!=\!1000$ $^{\prime\prime}$

حل ایک ٹیسلہ کے لئے:

فہرست سے ہم دیکھتے ہیں کہ مرکز میں 1 ٹیسلہ حاصل کرنے کے لئے مرکز کو 11.22 ایمپیئر چکر فی میٹر H درکار ہے۔یوں 30 سم لمبے مرکز کو 300 30 ایمپیئر چکر درکار ہیں۔

خلاءكو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{4\pi \cdot 10^{-7}} = 795671$$

ايمپيئر-چكر فى ميئر دركار ب_هين الهادا 3 ملى ميئر لمبي خلاء كو ايمپيئر-چكر دركار بين. 0.003×795671=2387

یوں کُل ایمپیئر۔ چکر
$$3.366+2387=2390.366$$
 ہیں جن سے
$$i=\frac{2390.0366}{1000}=2.390366\,A$$

حاصل ہوتی ہے۔

حل دو ٹیسلہ کے لئے:

فہرست سے ہم دیکھتے ہیں کہ مرکز میں 2 ٹیسلہ حاصل کرنے کے لئے مرکز کو 10000 ایمپیئر-چکر فی میٹر H درکار ہے۔یوں 30 سم لمبے مرکز کو $0.3 \times 10000 = 3000$ کو $0.3 \times 10000 = 3000$

خلاءكو

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{2}{4\pi 10^{-7}} = 1591342$$

ايمپيئر-چكر فى ميئر دركار بيمى الهذا 3 ملى ميئر لمبي خلاء كو 0.003×1591342=4774.026 ايمپيئر چكر دركار بين ـ

یوں کُل ایمپیئر۔ چکر
$$3000+4774.026=7774.026$$
 ہیں جن سے
$$i=\frac{7774.026}{1000}=7.774\,A$$

2.9 سيجان شده لجها

بدلتی رو میں برق دباؤ اور مقناطیسی بہاؤ سائن نما ہوتے ہیں یعنی یہ وقت کے ساتھ $\sin \omega t$ یا $\cos \omega t$ یا $\sin \omega t$ کے ساتھ $\sin \omega t$ یا $\sin \omega t$ کا تعلق رکھتے ہیں۔ اِس سبق میں ہم بدلتی رو سے لجھے کو ہیجان کرنا اور اس سے نمودار ہونے والے برقی توانائی کے ضیاع کا تذکرہ کریں گے۔ شکل 2.19 سے رجوع کریں۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ مرکز میں کثافت مقناطیسی بہاؤ

$$B = B_0 \sin(\omega t) \tag{2.53}$$

يوں مركز ميں مقناطيسي بهاؤ

$$\varphi = A_c B = A_c B_0 \sin(\omega t) \tag{2.54}$$

ہے۔ اس مساوات میں مقناطیسی بہاؤکا حیطہ Φ_0 اور B کا حیطہ ہے۔ اس مساوات میں مقناطیسی بہاؤکا رقبہ عمودی تراش ہے جو ہر جگہ یکساں ہے۔ $\pm B_0$ جہاں ϕ_0 تعدد ہے۔ ϕ_0

فیراڈیے کے قانون یعنی مساوات 2.32 کیے تحت اس مقناطیسی ہماؤکی وجہ سے لچھے میں e(t) برقی دباؤ پیدا ہوگی۔

$$e(t) = \frac{\partial \lambda}{\partial t}$$

$$= \omega N \phi_0 \cos(\omega t)$$

$$= \omega N A_c B_0 \cos(\omega t)$$

$$= E_0 \cos(\omega t)$$
(2.55)

جس کا حیطہ

$$E_0 = \omega N \phi_0 = 2 \pi f N A_c B_0 \tag{2.56}$$

ہے۔ e(t) کو امالی برقی دباؤ e(t)

ہم بدلتی رو مقداروں کے مربع کی اوسط کے جزر 111 میں دلچسپی رکھتے ہیں۔ یہی ان مقداروں کی موثر قیمت 112 ہوتی ہے۔ جیسا مساوات 1.50 میں دیکھا گیا ہے، ایک سائن نما موج کے لئے یہ مقدار اس کے حیطہ کے $1/\sqrt{2}$ گنا ہوتی

¹¹⁰ induced voltage

¹¹¹ root mean square (rms)

¹¹² effective value

ہے لہٰذا

$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi}{\sqrt{2}} f N A_c B_0 = 4.44 f N A_c B_0$$
 (2.57)

یہ مساوات بہت اہمیت رکھتی ہے اور ہم اس کو بار بار استعمال کریں گے۔بدلتی برقی دباؤ یا بدلتی برقی رو کی مقدار کی جب بھی ذکر ہو، یہ ان کی مربع کی اوسط کے جزر¹¹³ یعنی اس کے موثر قیمت¹¹⁴کا ذکر ہوتا ہے۔

ىثال 2.8:

شکل میں 27 چکر ہیں۔ مرکز کی لمبائی 30 سم جبکہ اس کا رقبہ عمودی تراش 229.253 مربع سم ہے۔ لچھے میں گھریلو 220 وولٹ موثر برقی دباؤ سے ہیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ فہرست کے

مدد سے مختلف برقی دباؤ پر محرک برقی رو معلوم کریں اور اس کا گراف بنائیں۔

حل:

گھریلو برقی دباؤ 50 ہرٹز کی سائن نما موج ہوتی ہے یعنی

114 effective value

¹¹³ پاکستان میں گھریلو برقی دباؤ 220 وولٹ ہے۔اس کا مطلب ہے کہ اس برقی دباؤ کی موثر قیمت 220 $\times 220$ وولٹ ہے۔ چونکہ یہ سائن نما ہے لہذا اس کی چوٹی $\sqrt{2} \times 220 = 311$ وولٹ ہے۔

$$v = \sqrt{2} \times 220 \cos(2 \pi 50 t)$$

مساوات 2.57 کی مدد سے ہم کثافت مقناطیسی بہاؤ کی چوٹی حاصل کرتے ہیں

$$B_0 = \frac{220}{4.44 \times 50 \times 27 \times 0.0229253} = 1.601 T$$

لہذا مرکز میں کثافتِ مقناطیسی ہاؤ صفر سے 1.601 ٹیسلہ کے درمیان تبدیل ہوتی رہتی ہے۔ یوں مرکز میں کثافتِ مقناطیسی ہاؤ کی مساوات یہ ہوگی

$$B = 1.601 \times \sin \omega t \tag{2.58}$$

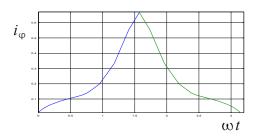
ہم فہرست کی مدد سے کثافت مقناطیسی ہاؤ کے 0 سے 1.601 ٹیسلہ کے درمیان مختلف قیمتوں پر درکار محرک برقی رو i_{ϕ} معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ ہم مختلف B پر فہرست سے مرکز کی H حاصل کریں گے جو کہ ایک میٹر لمبی مرکز کے لئے درکار ایمپیئر-چکر دیتی ہے۔ اس سے 30 سم لمبی مرکز کے لئے درکار ایمپیئر-چکر حل کر کے برقی رو حاصل کریں گے۔

ωt	В	Н	0.3× <i>H</i>	$i_{\varphi} = \frac{0.3 \times H}{27}$
0.000	0.000	0	0.000	0.000
0.025	0.040	2	0.600	0.022
0.059	0.095	3	0.900	0.033
0.100	0.160	4	1.200	0.044
0.150	0.240	5	1.500	0.056
0.208	0.330	6	1.800	0.067
0.278	0.440	7	2.100	0.078
0.357	0.560	8	2.400	0.089
0.453	0.700	9	2.700	0.100
0.549	0.835	10	3.000	0.111
0.675	1.000	11.22	3.366	0.125
0.757	1.100	12.59	3.777	0.140

0.847	1.200	14.96	4.488	0.166
0.948	1.300	17.78	5.334	0.198
0.992	1.340	20	6.000	0.222
1.064	1.400	23.77	7.131	0.264
1.180	1.480	30	9.000	0.333
1.294	1.540	40	12.000	0.444
1.409	1.580	50	15.000	0.556
1.571	1.601	60	18.000	0.667

2.16 شكل

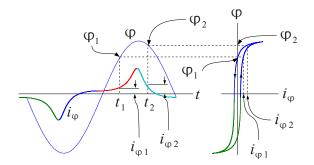
یہ فہرست مختلف کثافت مقناطیسی ہاؤ کے لئے درکار محرک برقی رو دیتی ہے۔ فہرست میں ہر B کی قیمت پر wt مساوات 2.58 کی ماد سے حاصل کی گئی ہے۔ wt بالمقابل محرک برقی رو کا گراف شکل 2.17 میں دیا گیا ہے۔



شکل M5:2.17 پتری کے مرکز میں 1.6 ٹیسلہ تک ہیجان پیدا کرنے کے لئے درکار ہیجان انگیز برقی رو

برقی کچھے میں برقی دباؤ سے ہیجان پیدا کیا جاتا ہے۔ہیجان شدہ کچھے میں برقی رو کی وجہ سے مرکز میں مقناطیسی بہاؤ پیدا ہوتا ہے۔ اس برقی رو i_{φ}

¹¹⁵ excitation current



شكل 2.18: بهيجان انگيز برقي رو

مثال 2.8 میں ہیجان انگیز برقی رو معلوم کی گئی جسے شکل 2.17 میں دکھایا گیا۔اسے حاصل کرتے وقت مقناطیسی چال¹¹⁶کو نظر انداز کیا گیا۔شکل 2.18 میں ہیجان انگیز برقی رو دکھائی گئی ہے جو مقناطیسی چال کو مدِ نظر رکھ کر حاصل کی گئی ہے۔ اس کو سمجھنا نہایت ضروری ہے۔

اس شکل میں دائیں جانب مقناطیسی چال کی خط سے۔ چونکہ

¹¹⁶ hysterisys

$$H l = N i$$

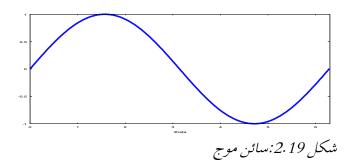
$$\varphi = B A_c$$
(2.59)

لهذا اس خط کو $\phi - i_{\phi}$ کا خط تصور کیا جا سکتا ہے۔شکل کی بائیں جانب مرکز میں سائن نما مقناطیسی بہاؤ ϕ دکھائی گئی ہے۔ یہ سائن نما مقناطیسی بہاؤ کی موج وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے۔ لحم t_1 پر اس موج کی مقدار ϕ ہو گی۔ یہ شکل میں دکھائی گئی ہے۔اتنی مقناطیسی بہاؤ حاصل کرنے کے لئے درکار ہیجان انگیز برقی رو $i_{\phi 1}$ مقناطیسی چال کی خط سے حاصل کی جا سکتی ہے۔اس ہیجان انگیز برقی رو کو شکل میں لحم t_1 پر دکھایا گیا ہے۔

دھیان رہے کہ اس محہ مقناطیسی بہاؤ بڑھ رہی ہے لہذا مقناطیسی چال کی خط کا صحیح حصہ استعمال کرنا ضروری ہے۔ شکل 2.12 میں اس حصہ کی خط کا صحیح کیا گیا ہے۔

اسی طرح ایک اور کھم t_2 جب مقناطیسی بہاؤ کم ہو رہی ہے یہی کچھ دوبارہ شکل میں ہوتے دکھایا گیا ہے البتہ اس مرتبہ شکل 2.12 میں bcde سے واضح کیا گیا حصہ استعمال کیا گیا ہے۔اس کھم پر مقناطیسی بہاؤ bcde ہے اور اسے حاصل کرنے کے لئے درکار ہیجان انگیز برقی رو $i_{\phi 2}$ ہے۔

اگر اسی طرح مختلف لمحات پر درکار ہیجان انگیز برقی رو حاصل کی جائے تو ہمیں شکل میں دکھائی گئی i_{ϕ} کی خط ملے گی۔یہ ایک غیر سائن نما خط ہے۔



 $B=B_0\sin(\omega t)$ اور i_{ϕ} ایک $B=B_0\sin(\omega t)$ اور $B=B_0\sin(\omega t)$ ایک غیر سائن نما شکل اختیار کر لیتے ہیں۔ اس صورت میں اِن کے موثر قیمتوں $E=B_0\sin(\omega t)$ کا تعلق یہ ہے $E=B_0\sin(\omega t)$ اور $E=B_0\sin(\omega t)$ کا تعلق یہ ہے

$$N i_{\varphi,rms} = l_c H_{c,rms} \tag{2.60}$$

مساوات 2.57 اور 2.60 سے ملتا ہے

$$E_{rms} i_{\varphi,rms} = \sqrt{2} \pi f B_0 H_{c,rms} A_c l_c$$
 (2.61)

یماں $A_c l_c$ مرکز کا حجم ہے۔ لہذا یہ مساوات ہمیں $A_c l_c$ حجم کی مرکز کو $E_{rms}\,i_{\varphi,rms}$ مشاطیسی ہاؤ تک ہیجان کرنے کے لئے درکار B_0

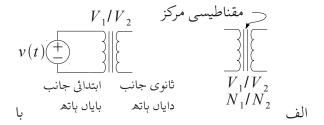
بتلاتا ہے۔ ایک مقناطیسی مرکز جس کا حجم $A_c l_c$ اور کسافت ρ_c ہو، اس کی کمیت $m_c = \rho_c A_c l_c$ ہو گی۔ یوں ہم، ایک کلوگرام مرکز، کے لئے مساوات 2.61 کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$P_{a} = \frac{E_{rms} I_{\varphi, rms}}{m_{c}} = \frac{\sqrt{2} \pi f}{\rho_{c}} B_{0} H_{c, rms}$$
 (2.62)

دیکھا جائے تو کسی ایک تعدد f پہ P_a صرف مرکز اور اس میں B_0 پر منحصر ہے ۔ اِسی وجہ سے مرکز منحصر ہے ۔ اِسی وجہ سے مرکز بنانے والے ، آکائی کمیت کے مرکز میں مختلف B_0 پیدا کرنے کیلئے درکار E_{rms} ، کو B_0 اور P_a کے مابین گراف کی شکل میں دیتے ہیں ۔ ایسا ہی ایک گراف شکل میں دکھایا گیا ہے ۔

3 ٹرانسفارمر

ٹرانسفارمر وہ آلہ ہے جو بدلتی برقی دباؤ تبدیل کرتا ہے۔ یہ دو یا دو سے زیادہ لچھوں پر مشتمل ہوتا ہے جو مقناطیسی مرکز 117 پر لپٹے ہوتے ہیں۔ یہ لچھے عموماً آپس میں جُڑے ہوئے نہیں ہوتے۔ شکل 3.1 الف میں ٹرانسفارمرکی علامت دکھائی گئی ہے۔ دو لچھوں کے درمیان متوازی لکیریں مقناطیسی مرکز کو ظاہر کرتی ہیں۔



شكل 3.1: ٹرانسفارمر كى علامت

¹¹⁷ ferromagnetic core

دستیاب برقی دباؤ¹¹⁸ پر ٹرانسفارمر کے ایک چھے کو برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے اور باقی چھوں سے مختلف برقی دباؤ پر یہی برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے۔ جس چھے پر برقی دباؤ لاگو کیا جائے اسے ابتدائی چھا ¹¹⁹ کہتے ہیں اور ٹرانسفارمر کی اس جانب کو ابتدائی جانب ¹²⁰ کہتے ہیں۔ اسی طرح جس چھے (چھوں) سے برقی طاقت حاصل کی جاتی ہے اسے (انہیں) ثانوی چھا ¹²¹ (چھے) کہتے ہیں اور اس جانب کو ثانوی جانب ¹²² کہتے ہیں۔ یہ شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔ ٹرانسفارمر کی ابتدائی جانب کو بائیں ہاتھ اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بیا جاتا ہے۔

بڑے ٹرانسفارمر عموما ً دو ہی لچھوں پر مشتمل ہوتے ہیں۔اس کتاب میسی ہم دو ہی لچھوں کے مقناطیسی مرکز پر لپٹے قوی ٹرانسفارمر پر تبصرہ کریں گے۔

ٹرانسفارمر کے کم برقی دباؤ کے لچھے کو کم برقی دباؤ کا لچھا 123 کہتے ہیں اور ٹرانسفارمر کی اس جانب کو کم برقی دباؤ والی جانب 124 کہتے ہیں جبکہ اس کے زیادہ برقی دباؤ کے لچھے کو زیادہ برقی دباؤ کا لچھا 125 کہتے ہیں اور

¹¹⁸ بدلتی برقی دباؤکی علامت میں مثبت اور منفی نشان وقت صفر پر برقی دباؤکی مثبت اور منفی سیر رظاہرکرتر ہیں

¹¹⁹ primary coil

¹²⁰ primary side

¹²¹ secondary coil

¹²² secondary side

¹²³ low voltage coil

¹²⁴ low voltage side

¹²⁵ high voltage coil

ٹرانسفارمرکی اس جانب کو زیادہ برقی دباؤ والی جانب ¹²⁶کہتے ہیں۔

یوں اگر ٹرانسفارمر کے کم برقی دباؤ کی جانب برقی دباؤ لاگو کیا جائے اور زیادہ برقی دباؤ کی جانب سے برقی دباؤ حاصل کیا جائے تو ٹرانسفارمر کی کم بر تی دباؤ والی جانب کو ابتدائی جانب کہیں گے اور اس کی زیادہ برقی دباؤ والی جانب کو ثانوی جانب کہیں گے۔

3.1 ٹرانسفارمرکی اہمیت

بدلتی رو کی برقی طاقت اتنی مقبول اس لئے ہوئی ہے کہ یہ ایک جگہ سے دوسری جگہ با آسانی اور نہایت کم برقی طاقت کی ضیاع کے ساتھ منتقل کی جا سکتی ہے۔ ٹرانسفارمر کی تبادلہ برقی دباؤ 127 کی خصوصیت ایسا کرنے میں کلیدی کردار ادا کرتی ہے۔ یہ ایک مثال سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔

128

مثال 3.1:

شکل 3.2 سے رجوع کریں۔برقی دباؤ اور برقی روکی حاصلِ ضرب برقی طاقت ہوتی ہے یعنی

¹²⁶ high voltage side

¹²⁷ voltage transformation property

¹²⁸ اس کتاب میں مثال ترچھی لکھائی میں دیئے گئے ہیں

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2 \tag{3.1}$$

اب تصور کریس کہ تربیلا ڈیم 10,000,000,000 واٹ یعنبی دس گیگا واٹ ¹²⁹ برقی طاقت پیدا کر رہا ہے اور اس طاقت کو لاہور ¹³⁰ شہر منتقل کرنا ہے جہاں گھریلو صارفین کو یہ 220 وولٹ پر مہیا کرنی ہے۔آگر ہم اس طاقت کو 220 وولٹ پر ہی منتقل کرنا چاہیں تو برقی رو

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10000000000}{220} = 45454545 \tag{3.2}$$

ایمپیئر ہوگی۔ برقی تار میں کثافت برقی رو J_{au} تقریباً 5 ایمپیئر فی مربہ ملی میٹر ($J_{au}=5A/mm^2$) ممکن ہوتی ہے۔ یہ ایک محفوظ کثافت برقی رو ہے۔آگر برقی تار میں اس سے زیادہ برقی رو گزاری جائے تو اس کی مزاحمت میں برقی طاقت کے ضیاع سے یہ گرم ہو کر پگل سکتی ہے۔ اس طرح مساوات 1.29 سے برقی تار کا رقبہ عمودی تراش

130 ضلع صوابی میں بھی لاہور ایک تحصیل ہے لیکن اس شہر کو اتنی طاقت نہیں درکار

¹²⁹ Giga Watt

$$A = \frac{I}{J_{mi}} = \frac{45454545}{5} = 9090909 \text{ mm}^2$$
 (3.3)

ہوگا۔ گول تار تصور کریں تو اس کا رداس

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{9090909}{\pi}} = 1701 \, mm = 1.7 \, m$$
 (3.4)

حاصل ہوتی ہے۔آپ نے دیکھا کہ درکار برقی تارکا رداس 1.7 میٹر ہے۔اتنی موٹی برقی تارکہیں نہیں پائی جاتی ہے 131 ۔آگر یہ تار المونیم کی بنی ہو جس کی حجمی کثافت $\rho_v = 2700 \, Kg/m^3$ ہے تو ایک میٹر لمبی تارکی کمیت

$$m = 2700 \times \pi \times 1.7^2 \times 1 = 24513 \, \text{Kg}$$
 (3.5)

یعنی 24 ٹن ہوگی۔المونیم اتنی مہنگی ہے کہ اس صورت میں اتنی برقی طاقت کو لاہور پہنچانا ممکن نہیں ¹³²۔

اب دیکھتے ہیں ٹرانسفارمر کی مدد سے یہ کیسا ممکن ہوگا۔آگر تربیلا ڈیم 131 آپ مانیں یا نہ مانیں، آپ نے بھی اتنی موٹی برقی تارکبھی نہیں دیکھی 132 آج کل کی لوڈ شیدنگ اس وجہ سے نہیں پر ایک ٹرانسفارمر نسب کیا جائے جو برقی دباؤ کو بڑھا کے 500,000 وولٹ یعنی 500 کلو وولٹ ¹³³کر دیے تب یہی برقی طاقت صرف

$$i = \frac{p}{v} = \frac{10000000000}{500000} = 20000 \tag{3.6}$$

ایمپیئر ہوگی جس کے لئے درکار برقی تار

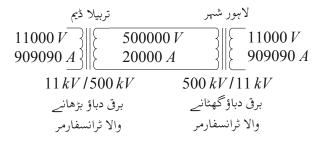
$$A = \frac{i}{J_{au}} = \frac{20000}{5} = 4000 \, mm^2$$

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{4000}{\pi}} = 35.68248 \, mm$$
(3.7)

صرف 35 ملی میٹر رداس کی ہو گی

134 اگر آپکو یہ بھی بہت موٹی تار نظر آئے تو برقی دباؤکو مزید بڑھا دیں

¹³³ پاکستان کے معروف انجنئیر اکبر خان نے تجویز دی ہے کہ پاکستان میں 500 کلو وولٹ پر برقی طاقت کی منتقلی کرنی چاہئے 134 گئے آ۔ کے معروف میں ٹر تا اپنا آئے تر میں دیا کے مدار معروب



شكل 3.2:برقي طاقت كي منتقلي

اس مثال میں اگر تربیلا ڈیم میں نسب جنریٹر 11000 وولٹ برقی دباؤ پیدا کر رہا ہو تو تربیلا ڈیم پر نسب ٹرانسفارمر برقی دباؤ کو 11000 وولٹ سے بڑھا کر 500 کلو وولٹ کرے گا جبکہ لاہور شہر میں نسب ٹرانسفارمر اس برقی دباؤ کو 500 کلو وولٹ سے واپس 11000 وولٹ کر دے گا۔

اسی مثال کو مزید آگے لے جاتے ہیں۔شہر میں 220 وولٹ کی بجائے 11000 وولٹ صارف تک پہنچائے جائیں گے اور۔وہیں نزدیک ایک اور ٹرانسفارمر 11000 وولٹ کو مزیدگھٹا کر صارف کو 220 وولٹ فراہم کرے گی۔

شکل 3.2 میں ڈیم سے شہر تک کا نظام دکھایا گیا ہے جہاں ڈیم پر نسب ٹرانسفارمر کو برقی دباؤ بڑھانے والا ٹرانسفارمر ¹³⁵ اور لاہور میں نسب ٹرانسفارمر

¹³⁵ step up transformer

کو برقی دباؤ گھٹانے والا ٹرانسفارمر 136کہا گیا ہے۔

موجودہ دور میں برقی طاقت 11 کلو وولٹ اور 25 کلو وولٹ کے مابین پیدا کی جاتی ہے۔اس کی منتقلی 110 کلو وولٹ اور 1000 کلو وولٹ کے مابین کی جاتی ہے جبکہ اس کا استعمال 1000 وولٹ سے کم پرکیا جاتا ہے۔

3.2 ٹرانسفارمرکی اقسام

گھروں اور کارخانوں کو برتی طاقت فراہم کرنے والے ٹرانسفارمر مقناطیسی مرکز پر لپٹے جاتے ہیں اور مقناطیسی مرکز پر لپٹے جاتے ہیں دور کے قوی ٹرانسفارمر 137 کہتے ہیں۔

نہایت چھوٹے ٹرانسفارمر عموماً لوہے کی مرکز والے ایک دور کے ہوتے ہیں۔ یہ گھریلو استعمال کے برقی مشین، مثلاً موبائل چارجر، میں لگے ہوتے ہیں اور 220 وولٹ سے برقی دباؤ مزیدگھٹاتے ہیں۔

کچھ ٹرانسفارمر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی دباؤ ان کی ابتدائی جانب برقی دباؤ کی خاص نسبت سے ہو۔یہ نسبت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ انہیں دباؤ کے ٹرانسفارمر ¹³⁸ کہتے ہیں۔اسی طرح کچھ ٹرانسفارمر اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ ان کی ثانوی جانب برقی رو، ابتدائی جانب برقی رو کی خاص نسبت سر ہو۔ یہ نسبت حاصل کرنے پر خاص توجہ دی

¹³⁶ step down transformer

¹³⁷ iron core, three-phase power transformer

¹³⁸ potential transformer (PT)

جاتی ہے۔ان کو رو کے ٹرانسفارمر 139 کہتے ہیں۔یہ دو قسم کے ٹرانسفارمر برقی دباؤ اور برقی رو ناپنے کے لئے استعمال ہوتے ہیں۔ ویسے تو ہر ٹرانسفارمر کسی نسبت سے ہی برقی دباؤ یا برقی رو کم یا زیادہ کرتا ہے لیکن جیسا پہلے ذکر ہوا ان دو قسم کے ٹرانسفارمروں میں کم اور زیادہ کرنے کی نسبت پر خاص توجہ رکھی جاتی ہے۔ان دو اقسام کے ٹرانسفارمروں کی برقی اہلیت 140 نہایت کم ہوتی ہے۔

ٹرانسفارمرکے لچھوں کے مابین مشترکہ مقناطیسی بہاؤ خلاء کے ذریعہ بھی ممکن ہے۔ انہیں خلائی مرکز کے ٹرانسفارمر ¹⁴² کہتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفارمر ذرائع ابلاغ کے دور ¹⁴³، یعنی ریاٹیو، ٹی وی وغیرہ میں پائے جاتے ہیں۔ ان ٹرانسفارمروں کی علامت شکل 3.1 الف کی طرح ہوتی ہے مگر اس میں مقناطیسی مرکز ظاہر کرنے والی متوازی لکیریں نہیں ہوتیں۔

3.3 امالى برقى دباؤ

اس حصے کا بنیادی مقصد بیرونی بر تی دباؤ ν اور اندرونی امالی بر تی دباؤ e میں فرق واضح کرنا اور اس سے تعلق رکھنے والی تکنیکی اصطلاح کا تعارف کرانا ہے۔

شکل 3.3 میں ایک ہے بار ٹرانسفارمر 144 دکھایا گیا ہے یعنی اس کے

¹³⁹ current transformer (CT)

¹⁴⁰ electrical rating

¹⁴¹ یہ عموما تقریباً بچیس وولٹ-ایمپیئر اہلیت کے ہوتے ہیں

¹⁴² air-core transformer

¹⁴³ communication circuits

¹⁴⁴ unloaded transformer

ثانوی چھے کو کھلے دور رکھا گیا ہے۔ابتدائی چھے پر برق دباؤ v_1 لاگو کرنے سے ابتدائی پھھے میں ہیجان انگیز برق رو i_{ϕ} i_{ϕ} گیررے گی۔اس ہیجان انگیز برق رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ $N_1 i_{\phi}$ مرکز میں مقناطیسی ہاؤ $v_1 i_{\phi}$ کو جنم دے گی۔ یہ بدلتی مقناطیسی ہاؤ ابتدائی پھھے میں امالی برقی دباؤ $v_1 i_{\phi}$ پیدا کر تی ہے جہاں

$$e_1 = -\frac{\partial \lambda_1}{\partial t} = -N_1 \frac{\partial \varphi}{\partial t} \tag{3.8}$$

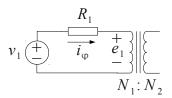
اس مساوات میں

ابتدائی کھے کی مقناطیسی بہاؤ کے ساتھ اِرتَباطِ بہاؤ ہے λ_1

Φ =مقناطیسی مرکز میں مقناطیسی ہاؤ جو دونوں لچھوں میں سے گزرتی ہے

ابتدائی کھے کے چکر N_1

¹⁴⁵ excitation current



شكل 3.3: بيروني برقى دباؤ اور اندروني امالي برقى دباؤ مين فرق

آگر اس ابتدائی لچھے کی برقی تارکی مزاحمت R_1 ہو تب

$$v_1 = i_{\varphi} R_1 + e_1 \tag{3.9}$$

شکل میں اس مزاحمت کو ٹرانسفارمر کے باہر دکھایا گیا ہے۔ اس کچھے کی رِستا متعاملہ بھی ہوتی ہے لیکن اسے یہاں نظرانداز کیا گیا ہے۔ عام تر طاقت کے ٹرانسفارمر اور موٹروں میں مزاحمت R_1 کے اثر کو بھی نظرانداز کیا جاسکتا ہے۔ ایسا کرنے سے ہم لکھ سکتے ہیں

$$v_1 = e_1 = -N_1 \frac{\partial \varphi}{\partial t} \tag{3.10}$$

مساوات 3.9 ¹⁴⁶ سے یہ ثابت ہوتا ہے کہ بیرونی لاگو برقی دباؤ اور اندرونی امالی برقی دباؤ دو علیحدہ برقی دباؤ ہیں۔یہ بات سمجھ لینا بہت ضروری ہے۔ مساوات 3.10 کے تحت ان دو برقی دباؤ کی مقداریں عموماً برابر ہوتی ہیں¹⁴⁷۔

لجھے میں ہیجان پیدا کرنے سے مراد اس پر بیرو نی برقی دباؤ لاگو کرنا جبکہ لجھے پر لاگو بیرونی برقی دباؤ کو ہیجان انگیز برقی دباؤ ¹⁴⁸ کہتے ہیں۔ لجھے کو ہیجان شدہ لجھا ¹⁴⁹ جبکہ اس میں رواں برقی رو کو ہیجان انگیز برقی رو ا

برق دباؤ عموماً لچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاؤ کی تبدیلی سے حاصل کی جاتی ہے۔ اگر ایساکرتے لچھا ساکن رہے، جیساکہ ٹرانسفارمر میں ہوتا ہے، تب حاصل برقی دباؤ کو امالی برقی دباؤ کا حصول مقناطیسی میدان میں لچھے کی حرکت سے ممکن بنایا جائے تب اسے محرک برقی

¹⁴⁶ اس کتاب میں عموماً مساوات 3.10 کی طرح مساواتوں میں دائیں جانب منفی کی علامت نہیں لکھی گئی ۔عموماً برقی دباؤ کی قیمت درکار ہوتی ہے ناکہ اس کی علامت

¹⁴⁷ جس سر طلباکو یہ غلط فہمی لاحق ہو جاتی ہر کہ یہ ایک ہی برقی دباؤ کر دو نام ہیں

¹⁴⁸ excitation voltage

¹⁴⁹ excited coil

¹⁵⁰ excitation current

¹⁵¹ induced voltage

دباؤ ¹⁵²کہتے ہیں۔یاد رہے ان برقی دباؤ میں کسی قسم کا فرق نہیں ہوتا۔انہیں مختلف نام صرف پہچان کی خاطر دئے جاتے ہیں۔

میجان انگیز برقی رو 153 اور مرکزی ضیاع 154

جہاں مقناطیسی مرکز میں بدلتی مقناطیسی بہاؤ ثانوی کچھوں میں فائدہ مند برقی دباؤ پیدا کرتی ہے وہاں یہ مقناطیسی مرکز میں نقصان دہ برقی دباؤ کو بھی جنم دیتی ہے جس سے مقناطیسی مرکز میں بحنور نما برقی رو کی وجہ سے مقناطیسی مرکز میں برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جسے بھنور نما برقی رو کی وجہ سے مقناطیسی مرکز میں برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جسے بھنور نما برقی رو کا ضیاع 156 یا مرکزی ضیاع کہتے ہیں۔ اس برقی طاقت کے ضیاع کو کم سے کم کرنے کیلئے مقناطیسی مرکز کو باریک لوہے کی پتریاں کے ضیاع کو کم سے کم کرنے کیلئے مقناطیسی مرکز کو باریک لوہے کی پتریاں جاتا ہے۔ ان پتریوں پر غیر موصل روغن 157 کی تہہ لگائی جاتی ہے تاکہ بمنور نما برقی رو کو روکا جا سکے۔ آپ دیکھیں گے کہ برقی مشین کا مرکز عموما ً اسی طرح بنایا جاتا ہے۔ شکل 2.13 ، 2.14 اور 2.15 میں 3048 مرکزی پتری کی B-H مواد دی گئی ہے۔

مركزى پتريان عموما دو اشكال كي بهوتي بين ـ يه شكل 3.4 الف مين دكهايا

¹⁵² electromotive force (emf)

¹⁵³ excitation current

¹⁵⁴ core loss

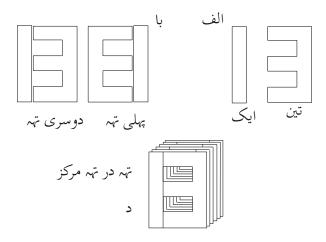
¹⁵⁵ eddy currents

¹⁵⁶ eddy current loss

¹⁵⁷ laminations

¹⁵⁸ enamel

گیا ہے۔ان کی شکل کی وجہ سے یہ ایک اور تین 159 کہلاتے ہیں۔ شکل کے حصہ با میں ایک اور تین کو دو طرح آپس میں رکھا گیا ہے۔ان دو طریقوں سے انہیں تہہ در تہہ رکھا جاتا ہے۔للذا آگر پہلی تہہ میں ایک دائیں جانب اور تین بائیں جانب رکھا جائے تو اس کے اوپر دوسری تہہ میں ایک کو بائیں جانب اور تین کو دائیں جانب رکھا جائے گا۔تیسری تہہ میں پھر ایک کو دائیں اور تین کو بائیں جانب رکھا جائے گا۔اسی طرح انہیں جوڑ کر شکل کے حصہ د میں دکھائی گئی مرکز حاصل کی جاتی ہے۔



شکل 3.4:مرکزی پتری کر اشکال اور ان کو ته در ته رکهنر کا طریقه

¹⁵⁹ E and I

ہیجان انگیز برقی رو بے بار اور بار بردار ٹرانسفارمر میں یکساں ہوتا ہے ۔ جیساکہ پہلے بھی ذکر کیا گیا ہے، قوی ٹرانسفارمر اور موٹروں میں برقی دباؤ اور مقناطیسی بہاؤ سائن نما ہوتے ہیں جبکہ ہیجان انگیز برقی رو ان میں غیر سائن نما ہوتی ہے لہذا اگر

$$\varphi = \phi_0 \sin \omega t = \phi_0 \cos(\omega t - 90^0)$$

$$\hat{\varphi} = \phi_0 \angle - 90^0$$
(3.11)

ہو تو

$$e_1 = N_1 \frac{\partial \varphi}{\partial t} = \omega N_1 \phi_0 \cos \omega t$$

$$\hat{E}_1 = E_1 \angle 0$$
(3.12)

ہوگی۔یہاں Φ_0 مقناطیسی بہاؤ کے حیطہ کو ظاہر کرتی ہے،اور ω زاویاتی تعداد ِ ارتعاش کو یعنی $\omega=2\pi$ $\omega=2\pi$ تعداد ِ ارتعاش ہے اور اسے ہرٹز $\omega=2\pi$ میں ناپا جاتا ہے۔ $\omega=2\pi$ اور $\omega=2\pi$ اور $\omega=2\pi$ کے مابین $\omega=2\pi$ کا زاویہ ہے۔یہ شکل 3.5 میں دکھایا گیا ہے۔ برقی دباؤ $\omega=2\pi$ کی موثر قیمت $\omega=2\pi$

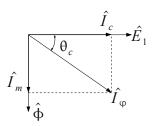
$$E_{rms} = \frac{2\pi}{\sqrt{2}} f N_1 \phi_0 = 4.44 f N_1 \phi_0$$
 (3.13)

سے۔اس کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں

$$\Phi_0 = \frac{E_{rms}}{4.44 f N_1} \tag{3.14}$$

یہاں ایک بار رکھ کر دوبارہ نظر ثانی کرتے ہیں۔ اگر ایک کچھے پر i_{ϕ} موثر برقی دباؤ 160 لاگو کی جائے تو یہ کچھا اتنی ہیجان انگیز برقی رو E_{rms} گزرنے دیتی ہے جس سے نمودار ہونے والا مقناطیسی بہاؤ مساوات 3.14 میں دیئے گئے مقناطیسی بہاؤ ϕ_{0} کے برابر ہو۔ یہ بات نہ صرف ٹرانسفارمر بلکہ کسی بھی مقناطیسی دور کے لئے درست اور لازم ہے۔

rms بدلتی برقی دباؤ اور بدلتی برقی روکا ذکر کرتے وقت ان کی مربع کی اوسط کے جزر یع بی مقداریں دی جاتی ہیں۔



شکل 3.5: مختلف دوری سمتیوں کے زاوئے

ہیجان انگیز برتی رو $i_{
m p}^{-161}$ کو آگر فوریئر تسلسل 162 سے حل کیا جائے تو

$$i_{\varphi} = \sum_{n} (a_{n} \cos n \omega t + b_{n} \sin n \omega t)$$
 (3.15)

اس میں $a_1 \cos \omega t + b_1 \sin \omega t$ کو بنیادی جُزُ $a_1 \cos \omega t + b_1 \sin \omega t$ اس میں

161 یہاں شکل 2.17 سے رجوع کریں

162 Fourier series

163 fundamental component

موسیقائی جُز 164 کہتے ہیں۔ بنیادی جُز میں $a_1\cos \omega t$ ، مقناطیسی ہاؤ سے وجود میں آنے والے امالی بر تی دباؤ ، e_1 ، جو کہ مساوات 3.12 میں دی گئی ہے کے ہم دور ہے۔ یعنی یہ دونوں وقت کے ساتھ یکساں بڑھتے اور گھٹتے ہیں جبکہ اس میں $b_1\sin \omega t$ نوّے درجہ زاویہ e_1 کے پیچھے رہتا ہے۔ ان میں جبکہ اس میں غتلف وجوہات سے برقی طاقت ضائع ہونے کو ظاہر کر تی ہے۔ اسی لئے اس جُز کو مرکزی ضیاع کا جُز 165 کہتے ہیں۔ ہیجان انگیز بر تی رو i_{ϕ} سے آگر $a_1\cos \omega t$ منفی کی جائے تو بقایا کو مقناطیس بنانے والا بر تی رو رو 166 کہتے ہیں۔ اس کی تیسری موسیقائی جُز سب سے زیادہ اہم ہے۔ قوی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو کے نیسری موسیقائی جُز عموماً کُل ہیجان انگیز بر تی رو

سوائے وہاں، جہاں ہیجان انگیز برقی رو کے اثرات پر غور کیا جارہا ہو، ہم ہیجان انگیز برقی رو کے غیر سائن نما ہونے کو نظرانداز کرتے ہیں۔ قوی ٹرانسفارمر کی ہیجان انگیز برقی رو اس کی کُل برقی رو 167 کے صرف 5 فیصد کے قریب ہوتی ہے۔ لہٰذا اس کا اثر بہت کم ہوتا ہے۔ لہٰذا ہم ہیجان انگیز برقی رو کو سائن نما تصور کر کے اس کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔ اس فرضی سائن نما ہیجان انگیز برقی رو \hat{I}_{ϕ} موثر قیمت کے برابر کی موثر قیمت کے برابر

¹⁶⁴ harmonic components

¹⁶⁵ core loss component

¹⁶⁶ magnetizing current

¹⁶⁷ کُل برقی رو سے مراد وہ برقی رو ہے جو کُل برقی بار لادنے سے حاصل ہو 168 یعنی بدلتی برقی رو i_{\odot} کو اب دوری سمتیہ کی مدد سے \hat{I}_{\odot} لکھتے ہیں

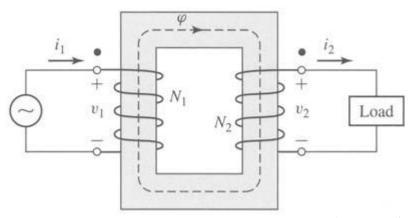
رکھی جاتی ہے جبکہ اس کا زاویہ θ_c یوں رکھا جاتا ہے کہ اس سے حاصل برقی ضیاع اصل برقی ضیاع کے برابر ہو۔ شکل 3.5 کی مدد سے یہ بات سمجھنی زیادہ آسان ہے۔ شکل میں آگر دیکھا جائے تو

$$P_c = E_{rms} I_{\varphi, rms} \cos \theta_c \tag{3.16}$$

جہاں P_c مرکزی ضیاع P_c ہے۔ لہٰذا اگر P_c اور P_c کے مابین P_c کا زاویہ ہو تو اس سے مرکزی ضیاع صحیح حاصل ہوتا ہے۔ P_c اسی زاویہ سے P_c کے پیچھے رہتا ہے۔ P_c

3.5 تبادلہ برقی دباؤ اور تبادلہ برقی روکے خصوصیات

¹⁶⁹ core loss



شکل 3.6: ایک مثالی بار بردار ٹرانسفارمر

ہم شکل 3.6 کی مدد سے ٹرانسفارمرکا مطالعہ کرتے ہیں۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ ابتدائی جانب لچھے کے N_1 اور ثانوی جانب لچھے کے کرتے ہیں کہ ابتدائی جانب لچھوں کی مزاحمت صفر ہے۔ ہم مزید یہ کہتے ہیں کہ پوری مقناطیسی ہاؤ مرکز ہی میں رہتا ہے اور دونوں لچھوں سے گزرتا ہے۔ مرکز میں برق توانائی ضائع نہیں ہوتی اور اس کی نفوذ پذیری اتنی زیادہ ہے کہ ہیجان انگیز برقی رو قابلِ نظر انداز ہے۔ برقی رو i_1 اور i_2 کی سمتیں یوں رکھی گئی ہیں کہ ان سے وجود میں آنے والے مقناطیسی ہاؤ ایک دوسرے کی اُلٹ سمتوں میں ہیں۔ اصل ٹرانسفارمر ان باتوں پر تقریباً پورے اترتے ہیں۔ ایسے ٹرانسفارمر کو مثالی ٹرانسفارمر

جب اس مثالی ٹرانسفارمر کے ابتدائی لجھے پر بدلتی برقی دباؤ v_1 لاگو

¹⁷⁰ ideal transformer

کیا جائے تو اس کے مرکز میں مقناطیسی بہاؤ Φ_m Φ_m وجود میں آئے گا جو ابتدائی کچھے میں لاگو برقی دباؤ ν_1 کے برابر امالی برقی دباؤ e_1 کو جنم دے گا۔ لاذا

$$v_1 = e_1 = N_1 \frac{\partial \varphi_m}{\partial t} \tag{3.17}$$

 e_2 یہ مقناطیسی ہاؤ دوسرے کچھے سے بھی گزرے گا اور اس میں و امالی برقی دباؤ کی امالی برقی دباؤ کی جانب کے سروں پر v_2 برقی دباؤ کی صورت میں حاصل ہوگا۔ یعنی

$$v_2 = e_2 = N_2 \frac{\partial \varphi_m}{\partial t} \tag{3.18}$$

ان دونوں کی نسبت سے

کہ رہے ہیں ϕ_m کو یہاں ہم ϕ کہہ رہے ہیں

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1 \frac{\partial \Phi_m}{\partial t}}{N_2 \frac{\partial \Phi_m}{\partial t}} = \frac{N_1}{N_2}$$
(3.19)

لہٰذا ایک مثالی ٹرانسفارمر دونوں لجھوں کے چکروں کی نسبت سے برقی دباؤ کا تبادلہ 172 کرتا ہے۔

چونکہ یہ ایک مثالی ٹرانسفارمر ہے لہذا اسے جتنی برقی طاقت ابتدائی جانب دی جائے اتنی ہی برقی طاقت اس سے ثانوی جانب حاصل ہو گی،یعنی

$$p = v_1 i_1 = v_2 i_2 \tag{3.20}$$

یا

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} \tag{3.21}$$

مساوات 3.19 کی مدد سے

¹⁷² voltage transformation

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{i_2}{i_1} = \frac{N_1}{N_2} \tag{3.22}$$

یہ ایک انتہائی اہم نتیجہ سے جو ٹرانسفارمرکی تبادلہ برقی دباؤ اور تبادلہ برقی رو 173کی خصوصیات بیان کرتا سے۔اسے عموما ً دو حصوں میں یوں لکھا جاتا سے۔

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1}$$
(3.23)

اس مساوات کی پہلی جُز کہتی ہے کہ ٹرانسفارمر کی دونوں جانب برقی دباؤ ان کے چکروں کی راست متناسب ہوگا جبکہ مساوات کی دوسری جُز کہتی ہے کہ ٹرانسفارمر کے دونوں جانب برقی رو ان کے چکروں کے بالعکس متناسب ہوگا۔

¹⁷³ current transformation

مثال 3.2: شكل 3.6 ميں أكر

 $\hat{V}_1 = 220 \angle 0^0$

 $N_1: N_2 = 220:22$

 $Z = R = 10\Omega$

ہوں تو ٹرانسفارمر کی دونوں جانب برقی دباؤ اور برقی رو معلوم کریں۔

حل:

ابتدائی جانب برقی دباؤ دیاگیا ہر یعنی 220 وولٹ جبکہ ثانوی جانب برقی دباؤ مساوات 3.23 کی پہلی جُز کی مدد سے حاصل کیا جاتا سے یعنی

$$\hat{V}_2 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) \hat{V}_1$$

$$= \left(\frac{22}{220}\right) 220 \angle 0^0$$

$$= 22 \angle 0^0$$
(3.24)

ثانوی جانب 22 وولٹ ہیں جو ابتدائی جانب برقی دباؤ کے ہم دور ہے۔

ثانوی جانب یہ برقی دباؤ 10 اوہم کی مزاحمت میں برقی رو پیدا کرےگا جسے اوہم کے قانون سے حاصل کیا جاتا ہے یعنی

$$\hat{I}_{2} = \frac{\hat{V}_{2}}{R}$$

$$= \frac{22 \angle 0^{0}}{10}$$

$$= 2.2 \angle 0^{0}$$
(3.25)

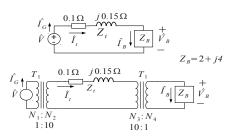
ثانوی جانب 2.2 ایمپیئر برقی رو ہے۔ ابتدائی جانب کی برقی رو مساوات 3.23 کی دوسری جُز کی مدد سے حاصل کی جاتی ہے یعنی

$$\hat{I}_{1} = \left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right) \hat{I}_{2}
= \left(\frac{22}{220}\right) 2.2 \angle 0^{0}
= 0.22 \angle 0^{0}$$
(3.26)

اس مثال کے نتائج ایک جگہ لکھ کر ان پر غور کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_1 = 220 \angle 0^0
\hat{V}_2 = 22 \angle 0^0
\hat{I}_1 = 0.22 \angle 0^0
\hat{I}_2 = 2.2 \angle 0^0$$
(3.27)

ہم دیکھتے ہیں ابتدائی جانب برقی دباؤ ثانوی جانب کی برقی دباؤ کے دس گنا ہے جبکہ برقی رو میں قصہ اُلٹ ہے۔ ثانوی جانب کی برقی رو ابتدائی جانب کی برقی رو کے دس گنا ہے۔ طاقت دونوں جانب برابر ہے۔ یہ نہایت اہم ہے کہ آپ اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں کہ جس جانب برقی دباؤ زیادہ ہوتا ہے اس جانب برقی رو کم ہوتی ہے۔ لہٰذا زیادہ برقی دباؤ کی جانب لچھے کے چکر زیادہ ہوں گے اور اس لچھے میں نسبتاً باریک برقی تار استعمال ہوگی جبکہ کم برقی دباؤ کا لچھا کم چکر کا ہوگا اور اس میں نسبتاً موٹی برقی تار استعمال ہوگی۔



شكل 3.7:برقى طاقت كى منتقلى

شکل 3.8 الف سے رجوع کریں۔ اس شکل میں مقاومت Z_2 کو سرچشمہ بالتی بر قی دباؤ \hat{V}_1 کے ساتھ ایک

مثال 3.3:

ٹرانسفارمرکے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔آگر

$$\hat{V}_1 = 110 \angle 0^0$$

$$Z_2 = R_2 + jX_2 = 3 + j2$$

 $N_1: N_2 = 220: 22$

ہوں تو مقاومت میں برقی رو اور طاقت کا ضیاع معلوم کریں۔

حل:

ٹرانسفارمرکی تبادلہ برقی دباؤکی خصوصیت سے اس کے ابتدائی جانب V_s ہو جائیں گے ہوں کو دباؤ ٹرانسفارمرکی ثانوی جانب تبدیل ہوکر جہاں جہاں

$$\hat{V}_s = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) \hat{V}_1$$

$$= \left(\frac{22}{220}\right) 110 \angle 0^0$$

$$= 11 \angle 0^0$$
(3.28)

لهذا

$$\hat{I}_{2} = \frac{\hat{V}_{s}}{Z_{2}}$$

$$= \frac{11 \angle 0^{0}}{3 + j2}$$

$$= 3.05085 \angle -33.69^{0}$$
(3.29)

 p_z اور برقی طاقت کا ضیاع

$$p_z = I_2^2 R_2 = 3.05085^2 \times 3 = 27.923 W$$
 (3.30)

3.6 ثانوى جانب باركا ابتدائي جانب اثر

یہاں شکل 3.6 سے رجوع کریں۔ہم حصہ 3.3 میں دیکھ چکے ہیں کہ اگر ایک بے بار ٹرانسفارمر کی ابتدائی لچھے پر بدلتی بر قی دباؤ v_1 لاگو کی جائے تو اس لچھے میں ہیجان انگیز بر قی رو i_{ϕ} گزرے گی۔اس بر قی رو کی مقناطیسی دباؤ v_1 مرکز میں مقناطیسی بہاؤ v_m ابتدائی لچھے میں امالی بر قی دباؤ v_m ابتدائی لچھے میں امالی بر قی دباؤ v_m پیدا کرے گی جہاں

$$v_1 = e_1 = N_1 \frac{\partial \varphi_m}{\partial t} \tag{3.31}$$

ہو گی۔

اب ہم ثانوی جانب ہرتی بار لادتے ہیں۔ ایساکرنے سے بار بردار ٹرانسفارمر i_2 کے ثانوی جانب ہرتی رو i_2 رواں ہوگی جس کی وجہ سے

 ϕ کو یہاں ہم ϕ_m کہہ رہے ہیں ϕ

175 loaded transformer

 N_2i_2 مقناطیسی دباؤ وجود میں آئیگی۔ اس مقناطیسی دباؤ کی وجہ سے مرکز میں مقناطیسی بہاؤ کاکچھ نہ Φ_{load} پیدا ہوگا۔ اگر اس مقناطیسی بہاؤ کاکچھ نہ کیا جائے تو مرکز میں پہلے سے موجود مقناطیسی بہاؤ تبدیل ہو کیر $\Phi_{new}=\Phi_m-\Phi_{load}$ ہو جائے گا اور یوں ابتدائی لچھے میں امالی دباؤ تبدیل ہو کر سے ہو جائے گا۔ لہذا ابتدائی جانب پر اب امالی دباؤ اور اس پر لاگو بر تی دباؤ برابر نہیں ہونگے جو کہ مساوات 3.31 کی موجودگی میں ناممکن ہے۔ لہذا اس مقناطیسی بہاؤ Φ_{load} کے اثر کو ختم کرنے کیلئے ابتدائی لچھے میں بر تی رو اس مقناطیسی دباؤ یعنی N_2i_2 کے اثر کو ختم کر دمے گی یعنی۔

$$N_1 i_1 = N_2 i_2 \tag{3.32}$$

یہ وہ ذریعہ ہے جس سے ابتدائی جانب معلوم ہوتا ہے کہ ثانوی جانب پر بار لدا ہے۔ شکل میں دونوں کچھوں میں برقی رو کی سمتیں یوں ہیں کہ ان کے مقناطیسی ہاؤ آپس میں اُلٹ سمت میں ہیں لہٰذا مرکز میں اب پھر مقناطیسی ہاؤ ϕ_m کے برابر ہے جیسا کہ ہونا چاہئے تھا۔ اس مساوات کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{N_2}{N_1} \tag{3.33}$$

یہ وہی مساوات سے جو مثالی ٹرانسفارمرکے لئے ثابت کی گئی تھی۔

ٹرانسفارمرکی علامت پر نقطوں کا مطلب

شکل 3.6 میں ٹرانسفارمرکے لچھوں پر نکتے لگائے گئے ہیں۔ یہ نکتے اس بات کو ظاہر کرتے ہیں کہ اگر ایک طرف کے لچھے پر برقی دباؤ v_1 یوں ہو کہ نکتے والا سرا مثبت اور بغیر نکتے والا سرا منفی ہو تو دوسرے لچھے پر برتی دباؤ v_2 اس طرح ہو گا کہ اس لچھے کا بھی نکتے والا سرا مثبت اور بغیر نکتے والا سرا منفی ہوگا۔

مزید یہ کہ ابتدائی جانب برقی رو ٹرانسفارمر کے نکتے والے سرے سے ٹرانسفارمر کی اندر جانب ہوگا جبکہ ثانوی جانب برقی رو نقطہ والے سرے سے ٹرانسفارمر سے باہر نکلے گا۔

یوں v_1 اور v_2 وقت کے ساتھ یکساں تبدیل ہوتے ہیں اور ان کے مابین صفر زاویہ ہے۔ لہذا یہ دو برقی دباؤ ہم دور 176 ہیں۔

3.7 مقاومت كا تبا**د**له 177

اس حصہ میں مثالی ٹرانسفارمر میں مقاومت کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ شکل 3.8 الف میں ایک ٹرانسفارمر دکھایا گیا ہے جس کی ابتدائی جانب سائن نما برقی دباؤ $\hat{V}_1 = V_1 \angle \theta_0$ لاگو کیا گیا ہے۔ یہاں دوری سمتیہ استعمال کئے جائیں گے۔

¹⁷⁶ in-phase

¹⁷⁷ impedance transformation

جیسے اُوپر ذکر ہوا، برقی دباؤ \hat{V}_1 اور \hat{V}_2 آپس میں ہم دور ہیں اور اسی طرح برقی رو \hat{I}_1 اور \hat{I}_2 آپس میں ہم دور ہیں۔ مساوات 3.38 اور 3.33 کو دوری سمتیہ کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں

$$\hat{V}_{1} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right) \hat{V}_{2} \tag{3.34}$$

$$\hat{I}_1 = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) \hat{I}_2 \tag{3.35}$$

چونکہ مقاومت

$$Z_2 = \frac{\hat{V}_2}{\hat{I}_2} = |Z_2| \angle \theta_z \tag{3.36}$$

کے برابر سے لہذا

$$\left(\frac{\hat{V}_{1}}{\hat{I}_{1}}\right) = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} \left(\frac{\hat{V}_{2}}{\hat{I}_{2}}\right) = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} Z_{2}$$
(3.37)

اب آگر ہم ٹرانسفارمر بمع اس پر لدھے مقاومت کی جگہ بر تی دباؤ \hat{V}_1 کو مقاومت کی قیمت \hat{V}_1

$$Z_1 = Z_2 \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 \tag{3.38}$$

ہو تو \hat{V}_1 سے حاصل برقی رو یا اس سے حاصل برقی طاقت تبدیل نہیں ہو گی۔ یہ شکل 3.8 کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے جہاں سے واضح ہے کہ

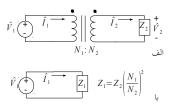
$$\left(\frac{\hat{V}_{1}}{\hat{I}_{1}}\right) = Z_{1} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} Z_{2} \tag{3.39}$$

 \hat{V}_1 لہٰذا شکل کے الف اور با دونوں حصوں سے سرچشمہ برقی دباؤ کی برقی رو مساوات 3.37 اور 3.39 سے یکساں حاصل ہوتی ہے یعنی

$$\hat{I}_1 = \frac{\hat{V}_1}{\left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 Z_2} \tag{3.40}$$

اور یوں الف اور با دونوں حصوں میں سرچشمہ برقی دباؤ \hat{V}_1 سے حاصل بر تھی طاقت برابر سے یعنی

$$p = \hat{V}_{1} \cdot \hat{I}_{1} = \frac{V_{1}^{2} \cos(\theta_{z})}{\left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} |Z_{2}|}$$
(3.41)



شكل 3.8:ٹرانسفارمركى تبادلہ مقاومتكى خصوصيت

یوں آگر ٹرانسفارمر کے ثانوی جانب مقاومت Z_2 کا بار ہو تو حساب کرتے وقت ہم یہ اخذ کر سکتے ہیں کہ ٹرانسفارمر بمع مقاومت Z_1 کی جگہ صرف Z_1 مقاومت لگی ہے، جہاں Z_1 مساوات 3.38 سے حاصل ہوتی ہے۔ مقاومت کا یوں ٹرانسفارمر کی ایک جانب سے دوسری جانب تبادلہ کیا جاسکتا ہے۔ ٹرانسفارمر کی اس خصوصیت کو اس کی تبادلہ مقاومت کی خصوصیت Z_1

¹⁷⁸ impedance transformation property

مثال 3.4:

• شکل 3.9 الف میں مقاومت Z_B کا برقی بار ایک جنریٹر پر لدھا ہے۔بار تک برقی طاقت دو برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کیا گیا ہے۔ان تاروں کی مجموعہ مقاومت Z_t

ہے۔

شکل کے حصہ با میں جنریٹر کے قریب نسب برقی دباؤ بڑھانے والا ٹرانسفارمر برقی دباؤ کو دس گنا بڑھاتا ہے اور برقی بار کے قریب نسب برقی دباؤ گھٹانے والا ٹرانسفارمر برقی دباؤ کو دس گنا گھٹاتا ہے۔اس حصہ میں وہی برقی تار استعمال کئے گئے ہیں لہذا ان کی ھی مجموعہ مقاومت Z_i ہی ہے۔

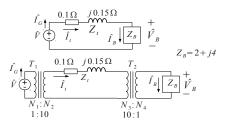
آگ

$$Z_B = 2 + j4$$

 $Z_t = 0.1 + j0.15$
 $\hat{V} = 415 \angle 0^0$

ہوں تو دونوں صورتوں میں

- برقی بار پر برقی دباؤ معلوم کریں
- برقی تاروں میں برقی طاقت کی ضیاع معلوم کرین



شکل 3.9: ٹرانسفارمر کی مدد سے طاقت کا ضیاع کم کیا جاتا

حل:حصہ الف

$$\hat{I}_G = \hat{I}_t = \hat{I}_B = \frac{\hat{V}}{Z_t + Z_B}$$

$$= \frac{415}{0.1 + j0.15 + 2 + j4}$$

$$= \frac{415}{2.1 + j4.15}$$

$$= 89.23 \angle -63.159^0$$

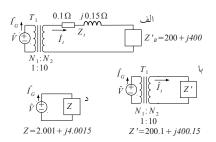
$$= 40.28878 - j79.6166$$

یوں مقاومت پر برقی دباؤ

$$\hat{V}_B = \hat{I}_B Z_B$$
= $(40.28878 - j79.6166)(2 + j4)$
= $80.57756 + j161.15512 - j159.2332 + 318.4664$
= $399.04396 + j1.92192$
= $399.0486 \angle 0.275952^0$

اور برقی تاروں میں برقی طاقت کا ضیاع سے

$$p_t = I_t^2 R_t = 89.23^2 \times 0.1 = 796.2 W$$



شكل 3.10: ٹرانسفارمر قدم با قدم حل كرنے كا طريقہ

حل:حصہ با

 T_2 شکل 3.9 اور 3.10 سے رجوع کریں۔ شکل 3.9 میں ٹرانسفارمر T_2 کے ثانوی جانب مقاومت کا مساوات 3.38 کی ملد سے اس کی ابتلائی جانب تبادلہ سے ملتا ہے

$$Z'_{B} = Z_{1} = \left(\frac{N_{3}}{N_{4}}\right)^{2} Z_{B} = \left(\frac{10}{1}\right)^{2} (2 + j4) = 200 + j400$$

یوں شکل 3.10 الف حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں اب برقی تارکی مقاومت اور یہ تبادلہ شدہ مقاومت سلسلہ وار جُڑے ہیں۔ان کے مجموعہ کو 'Z کہتے ہوئے

$$Z' = Z_t + Z'_B = 0.1 + j0.15 + 200 + j400 = 200.1 + j400.15$$

یہ شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔ایک مرتبہ دوبارہ مساوات 3.38 استعمال کرتے ہوئے

$$Z = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^2 (Z') = \left(\frac{1}{10}\right)^2 (200.1 + j400.15) = 2.001 + j4.0015$$

شکل کے حصہ د میں یہ دکھایا گیا ہے۔اب

$$\hat{I}_G = \frac{\hat{V}}{Z} = \frac{415}{2.001 + j4.0015} = 92.76 \angle -63.432^0$$

یهاں سے شکل 3.10 باکی مدد سے آگر جنریٹر کی برقی رو معلوم ہو تو تبادلہ بر تی رو سے

$$\hat{I}_t = \left(\frac{N_1}{N_2}\right) \hat{I}_G$$

$$= \left(\frac{1}{10}\right) 92.76 \angle - 63.432^0$$

$$= 9.276 \angle - 63.432^0$$

اس سے برقی تار میں طاقت کا ضیاع $p_t = I_t^2 R_t = 9.276^2 \times 0.1 = 8.6044 W$

$$\hat{I}_B = \left(rac{N_3}{N_4}
ight)\hat{I}_t$$
 $\hat{I}_B = \left(rac{N_3}{N_4}
ight)\hat{I}_t$
 $= \left(rac{10}{1}
ight)9.276\angle - 63.432^0$
 $= 92.76\angle - 63.432^0$
 $= 41.4878031 - j82.96493111$

اور مقاومت پر برقی دباؤ

$$V_B = \hat{I}_B Z_B$$
= $(41.4878031 - j82.96493111)(2 + j4)$
= $82.975 + j165.951 - j165.929 + 331.859$
= $414.83533 + j0.021348$
= $414.83533 \angle 0.0029285^0$

ہوگی۔

ٹرانسفارمر کے بغیر برقی طاقت کی منتقلی میں برقی تاروں میں طاقت کی ضیاع 796.2 واٹ سے جبکہ ٹرانسفارمر کے استعمال سے یہ صرف 8.6 واٹ سے یعنی 92 گنا کم۔ یہی ٹرانسفارمر کی نہایت مقبولیت کی وجہ سے۔

3.8 ٹرانسفارمرکے وولٹ-ایمپیئر

ٹرانسفارمرکی دونوں جانب برقی دباؤ ان کچھوں کے چکر پر منحصر ہوتا ہیں۔ ہے۔ ٹرانسفارمر ایک خاص برتی دباؤ اور برتی رو کیے لئے بنائے جاتے ہیں۔ ٹرانسفارمر جس برقی دباؤ $V_1:V_2$ کے لئے بنائے جائیں یہ اس سے کم برقی دباؤ پر بھی استعمال کئے جا سکتے ہیں اگرچہ یہ عموما ً بنائے گئے برقی دباؤ پر ہی چلائے جاتے ہیں۔ اسی طرح ٹرانسفارمر جتنی برتی رو $I_1:I_2$ کے لئے بنائے جائیں انہیں اس سے کم برقی رو پر استعمال کیا جا سکتا ہے۔ حقیقت میں عموما ً ٹرانسفارمر سے حاصل برقی رو اس حد سے کم ہی رکھی جاتی ہے۔

ٹرانسفارمرکی ایک جانب کی برقی دباؤ اور برقی روکا حاصل ضرب اس کی دوسری جانب کی برقی دباؤ اور برقی روکے حاصل ضرب کے برابر ہوتا ہے یعنی

$$V_1 I_1 = V_2 I_2$$
 (3.42)

برقی دباؤ اور برقی روکے حاصلِ ضرب یعنی V_1I_1 یا V_2I_2 کو ٹرانسفارمرکی وولٹ ضربِ ایمپیئر کہتے ہیں جسے عموما چھوٹاکرکے صرف وولٹ–ایمپیئر 79 کہا جاتا ہے 180 یہ ٹرانسفارمرکی برقی اہلیت کی ناپ ہے جو اس پر لگی تختی پر لکھا جاتا ہے۔اس تختی پر ٹرانسفارمرکے برقی دباؤ اور برقی تعدادِ ارتعاش بھی لکھے جاتے ہیں۔یوں ٹرانسفارمرکے وولٹ–ایمپیئر

$$volt \cdot ampere = V_1 I_1 = V_2 I_2 \tag{3.43}$$

ہوں گے۔

اگرچہ یہاں ذکر ٹرانسفارمر کا ہو رہا ہے دراصل برقی مشین یعنی موٹر اور جنریٹر کی تختیوں پر بھی ان کے چالو حالت کے برقی دباؤ، ان کے وولٹ ایمپیئر اور برقی تعدادِ ارتعاش لکھے جاتے ہیں۔اس کی وجہ یہ ہے کہ ان سب مشین کی

¹⁷⁹ volt-ampere (VA)

¹⁸⁰ وولٹ–ایمپیئر کو عموما گلو وولٹ–ایمپیئر یعنی kVA میں بیان کیا جاتا ہے

کارکردگی کے بنیادی اصول ایک ہی طرح کے ہیں۔

ایک 25000 وولٹ-ایمپیئر اور 11000:220 وولٹ بر فی اہلیت کے ٹرانسفارمر کے زیادہ برقی دباؤ کی جانب 11000 وولٹ لاگو ہیں۔

مثال 3.5:

- اس کی ثانوی جانب زیادہ سے زیادہ کتنی برقی بار ڈالی جا سکتی ہے۔
- اس زیادہ سے زیادہ برقی بار پر اس کے ابتدائی لچھے میں برقی رو حاصل کریں۔

: />

اس ٹرانسفارمر کی معلومات یہ ہیں

$$\frac{25 \, kVA}{11000:220 \, V} \tag{3.44}$$

اس کی ثانوی جانب بر تی دباؤ تبادلہ بر تی دباؤ کی مساوات سے 220 وولٹ حاصل ہوتا ہے۔ یوں اس کی ثانوی جانب یعنی کم برقی دباؤ کی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو مساوات 3.43 سے حاصل کیا جاتا ہے۔

$$I_2 = \frac{25000}{220} = 113.636 A \tag{3.45}$$

اسی طرح اس کی ابتدائی جانب زیادہ سے زیادہ برقی رو اسی مساوات سے یوں حاصل ہوتی ہے

$$I_1 = \frac{25000}{11000} = 2.2727 A \tag{3.46}$$

ٹرانسفارمرکی دونوں جانب لچھوں میں استعمال برقی تارکی موٹائی یوں رکھی جاتی ہے کہ ان میں کثافت برقی رو I^{181} یکساں ہو۔ لچھوں کی مزاحمت میں برقی رو گزرنے سے برقی طاقت کا ضیاع ہوتا ہے جس سے یہ گرم ہوتے ہیں۔ ٹرانسفارمرکی برقی روکی حد لچھوں کی گرمائش پر منحصر ہوتی ہے۔ ان کی زیادہ سے زیادہ حرارت کو محفوظ حد کے اندر رکھا جاتا ہے۔

بڑے ٹرانسفارمر کے مرکز اور پلھے ایک غیر موصل تیل سے بھری ٹینکی میں ڈبوئے رکھے جاتے ہیں۔ یہ تیل ایک تو برقی پلھوں کی حرارت کم کرنے میں مدد دیتا ہے اور دوسری جانب غیر موصل ہونے کی وجہ سے یہ زیادہ برقی دباؤ کے حصوں کو برقی طور پر جدا رکھنے میں مدد دیتا ہے۔ یہ تیل تقریباً $80^{0}C$ پر خراب ہونا شروع ہو جاتا ہے اور ہر $8^{0}C$ اضافی درجہ حرارت پر اس کی $3^{0}C$ ٹرانسفارمر کی پلھوں میں کثافت برقی رو تقریباً $3^{0}C$ ٹرانسفارمر کی پلھوں میں کثافت برقی رو تقریباً $3^{0}C$ ٹرانسفارمر کی پلھوں میں کثافت برقی رو تقریباً

 $J\!=\!3\,A/mm^2$ ٹرانسفارمر کی لچھوں میں کثافت ِبر تی رو تقریباً $1000\,kV\!A$ 181 رکھی جاتی ہے

زندگی آدھی ہوتی رہتی ہے۔یعنی آگر C 80^{0} پر تیل کی کارآمد زندگی x سال ہوگی۔ ہے تو x x سال ہوگی۔ سال ہوگی۔

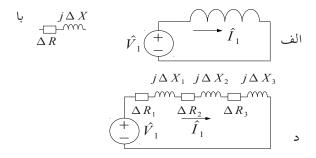
ٹرانسفارمر جس برقی دباؤ کے لئے بنایا جائے یہ اس پر لگی تختی پر لکھا جاتا ہے۔اس سے حاصل برقی رو کی حد کو ایک مختلف طریقے سے لکھا جاتا ہے۔

3.9 ترانسفارمر كيراماله اور اس كير مساوى دور

3.9.1 لچھے کی مزاحمت اور اس کی متعاملہ علیحدہ کرنا

ٹرانسفارمرکی ابتدائی لچھے کی مزاحمت R_1 کو ہم نے حصہ 3.3 مساوات 3.9 میں دیکھا۔ لچھے کی مزاحمت کو لچھے سے باہر لچھے کے ساتھ سلسلہ وار جڑا دکھایا گیا تھا۔ دیکھتے ہیں یہ کیسے ممکن ہوتا ہے۔

شکل 3.11 الف میں ایک کچھے پر بدلتی برقی دباؤ لاگو کا گیا ہے۔اگر کچھے کی برقی تارکو نہایت چھوٹے ٹکڑوں میں تقسیم کیا جائے تو اس کے ہر ٹکڑے کی نہایت کم مزاحمت اور متعاملہ ہو گی۔ایسا ایک ٹکڑا شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ کچھا ان سب ٹکڑوں کے سلسلہ وار جڑنے سے بنا ہے لہذا حصہ الف کے دور کو ہم حصہ دکی طرح بنا سکتے ہیں۔اس مثال میں ہم نے کے صرف چھ ٹکڑے ہوتے دکھائے ہیں۔



شكل 3.11: لچهركى مزاحمت اور متعامله

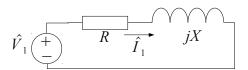
اس دور کی مساوات لکھ کر حل کرتے ہیں۔

$$\hat{V}_{1} = \hat{I}_{1} \langle \Delta R_{1} + j \Delta X_{1} + \Delta R_{2} j \Delta X_{2} + \Delta R_{3} + j \Delta X_{3} \rangle
= \hat{I}_{1} \langle \Delta R_{1} + \Delta R_{2} + \Delta R_{3} \rangle + j \hat{I}_{1} \langle \Delta X_{1} + \Delta X_{2} + \Delta X_{3} \rangle
= \hat{I}_{1} \langle R + j X \rangle$$
(3.47)

جهاں

$$X = \Delta X_1 + \Delta X_2 + \Delta X_3$$

$$R = \Delta R_1 + \Delta R_2 + \Delta R_3$$
(3.48)



شكل 3.12: لچهر كر حصر عليحده دكهائر گئر بين

یہ شکل 3.12 میں دکھایا گیا ہے اور یہ ثابت ہوتا ہے کہ ایسا کرنا ممکن ہے۔

3.9.2 رستا اماله

اوپر ایک مثالی ٹرانسفارمر زیرِ بحث رہا۔ اب ہم ٹرانسفارمر میسی ان عناصر کا ذکر کرتے ہیں جن کی وجہ سے ٹرانسفارمر غیر مثالی ہو جاتا ہے۔ بہت سی جگہوں پر ٹرانسفارمر استعمال کرتے وقت ان عناصر کو مدِ نظر رکھ کر ہی اس کا صحیح استعمال ممکن ہوتا ہے۔ ان عناصر کے اثر کو شامل کرنے کے لئے ہم ٹرانسفارمر کا مساوی دور بناتے ہیں۔

ابتدائی لچھے کے مقناطیسی بہاؤ کو دو حصوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ پہلا حصہ وہ جو مرکز سے گزر کر ابتدائی اور ثانوی لچھے دونوں سے گزرتا

ہے۔ یہ ان کا مشترکہ مقناطیسی ہاؤ ہے اور دوسرا حصہ وہ جو صرف ابتدائی پھے سے گزرتا ہے اور زیادہ تر مرکز کے باہر خلاء میں ہی رہتا ہے۔ اس کو رستا مقناطیسی ہاؤ 182 کہتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ ہوا میں نفوذ پذیری μ_0 مقررہ ہے لہذا یہاں ہچکچاہٹ بھی مقررہ ہے۔ یوں رستا مقناطیسی ہاؤ ابتدائی لجھے کی برق رو کے براہ راست متناسب ہوتی ہے۔

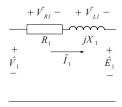
اس کے اثر کو بالکل کچھے کی مزاحمت کی طرح کچھے سے باہر رستا مالہ کے اثر کو بالکل جاتا ہے۔ $X_1 = 2\pi f L_1$ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ L_1

ٹرانسفارمر کے ابتدائی لجھے میں برقی رو \hat{I}_1 گزرنے سے رستا متعاملہ میں $\hat{V}_{X_1}=j\,\hat{I}_1\,X_1$ میں $\hat{V}_{X_1}=j\,\hat{I}_1\,X_1$ میں $\hat{V}_{R_1}=\hat{I}_1\,R_1$ برقی دباؤ گھٹتا ہے۔

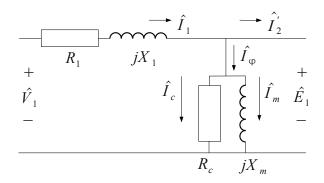
 R_1 یوں ابتدائی کچھے پر لاگو برقی دباؤ \hat{V}_1 میں سے کچھ برقی دباؤ میں کم ہوگا، کچھ متعاملہ X_1 میں کم ہوگا اور بقایا \hat{E}_1 کے برابر ہوگا۔ یہ شکل 3.13 میں دکھایا گیا ہے۔

¹⁸² leakage magnetic flux

¹⁸³ leakage reactance



شكل 3.13: ئرانسفارمر دوركا پهلا حصه



شكل 3.14: ترانسفارمر دور حصه دوم

3.9.3 ثانوى برقى رو اور مركز كم اثرات

مرکز میں دونوں کچھوں کا مشترکہ مقناطیسی ہاؤ ان کے مجموعی مقناطیسی دباؤ کی وجہ سے وجود میں آتا ہے۔ البتہ اگر ہم کچھ یوں سوچیں تو یہ زیادہ بہتر ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ابتدائی برقی رو کو دو شرائط پوری کر نی ہو نگی۔ پہلی یہ کہ اسے مرکز میں ہیجانی مقناطیسی بہاؤ وجود میں لانا ہوگا اور دوسری یہ کہ اسے ثانوی کچھے کے پیدا کردہ مقناطیسی بہاؤ کو ختم کرنا ہوگا۔ لہذا ابتدائی برقی رو کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ ایک حصہ i_{φ} جو ہیجانی مقناطیسی بہاؤ پیدا کرے اور دوسرا \hat{I}_2 جو ثانوی کچھے کے مقناطیسی دباؤ کے اثر کو ختم کرے۔ لہذا

$$\hat{I}_{2} = \frac{N_{2}}{N_{1}} \hat{I}_{2} \tag{3.49}$$

اس باب کے حصہ 3.6 میں اس پر تفصیل سے غور کیا گیا ہے۔ بر قی رو i_{ϕ} غیر سائن نما ہوتی ہے لیکن پھر بھی ہم اسے سائن نما ہوتی ہے تصور کرتے ہیں۔ اس کو ہم دو حصوں میں تقسیم کر سکتے ہیں یعنی

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m \tag{3.50}$$

184 سائن نما برقی رو کو دوری سمتیہ سے ظاہر کیا جاتا ہے

جہاں \hat{I}_c اس کا وہ حصہ ہے جو ابتدائی کچھے کی امالی برقی دباؤ \hat{I}_c کے ہم دور ہے اور یہ مرکز میں برقی توانائی کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے جبکہ \hat{I}_m اس کا وہ حصہ ہے جو \hat{E}_1 سے نوے درجہ زاویہ پیچھے \hat{I}_m ہے اور کچھے میں مقناطیسی بہاؤ کو جنم دیتا ہے۔ برقی رو کے ان حصوں کو ہم ایک مزاحمت R_c اور ایک IX_m سے پیش کرتے ہیں۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ R_c کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے کہ اس میں برقی طاقت کا ضیاع اصل مرکزی ضیاع کے برابر ہو یعنی IX_m کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہے IX_m اور IX_m کی مقدار اتنی رکھی جاتی ہو۔ان دونوں، یعنی IX_m اور IX_m اور IX_m کی مقدار اصل برقی دباؤ اور تعدد پر حاصل کئے جاتے ہیں۔ یہ شکل IX_m میں دکھایا گیا ہے۔

3.9.4 ثانوى لچھےكى امالى برقى دباؤ

 \hat{E}_2 مرکز میں مشترکہ مقناطیسی بہاؤ ثانوی لچھے میں امالی برقی دباؤ پیدا کرے گی اور چونکہ یہی مقناطیسی بہاؤ ابتدائی لچھے میں امالی \hat{E}_1 پیدا کرتے ہے لہٰذا

$$\frac{\hat{E}_1}{\hat{E}_2} = \frac{N_1}{N_2} \tag{3.51}$$

گزشتہ دو مساواتوں یعنی 3.50 اور 3.51 کو ایک مثالی ٹرانسفارمر سے

¹⁸⁵ lagging

ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ یہ شکل 3.15 میں دکھایا گیا ہے۔

3.9.5 ثانوی کچھے کی مزاحمت اور متعاملہ کے اثرات

ثانوی لچھے کے سروں پر البتہ \hat{E}_2 برتی دباؤ نہیں ہوگا چونکہ ثانوی لچھے کے، بالکل ابتدائی لچھے کی طرح، مزاحمت R_2 اور متعاملہ jX_2 ہوں گے جن میں ثانوی برقی رو \hat{I}_2 کی وجہ سے برقی دباؤ کم ہوگا۔ لہٰذا ثانوی لچھے کے سروں پر برقی دباؤ \hat{V}_2 کچھ کم ہوگا۔ یعنی

$$\hat{V}_2 = \hat{E}_2 - \hat{I}_2 R_2 - j \hat{I}_2 X_2 \tag{3.52}$$

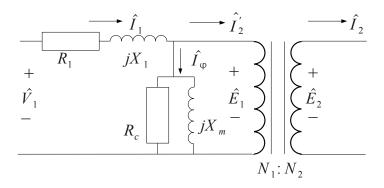
یوں حاصل ٹرانسفارمرکا مکمل دور شکل 3.16 میں دکھایا گیا ہے۔

3.9.6 مقاومت كا ابتدائي يا ثانوى جانب تبادله

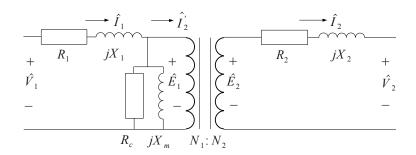
شکل 3.16 میں دکھائے دور کے سب جزکا تبادلہ ایک جانب سے دوسری جانب کیا جانب سے دوسری جانب کیا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے سے مثالی ٹرانسفارمر کو مساوی دور کی بائیں یا دائیں جانب لے جایا جا سکتا ہے۔شکل 3.17 میں ثانوی جانب کی مقاومت کا ابتدائی جانب تبادلہ کیا گیا ہے جبکہ شکل 3.18 میں ابتدائی جانب کی مقاومت کا ثانوی جانب تبادلہ کیا گیا ہے۔اس طرح حاصل مساوی دور میں عموما مثالی ٹرانسفارمر بنایا ہی نہیں جاتا۔یہی شکل 3.18 میں کیا گیا ہے۔

 R_2 تبادلہ شدہ مقاومت Z کو Z سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یوں Z کے ٹرانسفارمر کی دوسری جانب تبادلہ کے بعد اسے R_2' سے ظاہر کیا گیا ہے۔ ایسا دور استعمال کرتے وقت یہ ذہن میں رکھنا ہوتا ہے کہ ٹرانسفارمر

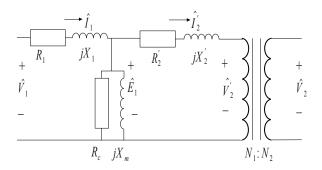
کے کس جانب دور حل کیا جا رہا سے۔



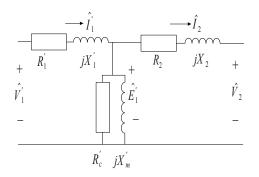
شكل 3.15: ترانسفارمر دور حصه ثوم



شكل 3.16: ترانسفارمركا مكمل دور



شکل 3.17:ثانوی جانب کی مقاومت کا ابتدائی جانب تبادلہ کیا گیا ہے



شکل 3.18:ابتدائی جانب کی مقاومت کا ثانوی جانب تبادلہ کیا گیا ہے

ایک 50 کلو وولٹ-ایمپیئر اور 2200:220 وولٹ برقی اہلیت کے ٹرانسفارمرکی زیادہ برقی دباؤ کی جانب کی رستا مقاومت $Z_1=0.9+j1.2$

مقاومت $R_c = 6.4 \, \Omega$ اوہہم ہے۔آگر اس کی $Z_2 = 0.0089 + j0.011$ اور مقاومت $X_m = 47 \, \Omega$ میں استعمال ہونے $X_m = 47 \, \Omega$ والے جُز معلوم کریں۔

حل حصہ اول: معلومات:

مثال 3.6:

50 *kVA* 2200 : 220 *V* 50 *Hz*

ٹرانسفارمرکے دونوں جانب کی برقی دباؤ لچھوں کے چکروں کی نسبت سے ہوتے ہیں لہٰذا

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{2200}{220} = \frac{10}{1}$$

یوں اگر ٹرانسفارمرکی مقاومت کا زیادہ برقی دباؤکی جانب تبادلہ کیا جائے تو

$$R_{2}^{'} + jX_{2}^{'} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} (R_{2} + jX_{2})$$

$$= \left(\frac{10}{1}\right)^{2} 0.0089 + j0.011$$

$$= 0.89 + j1.1$$

جبکہ اس کی بقایا مقاومت وہی رہیں گے۔یوں شکل 3.17 کے جُز حاصل ہوئے۔ حل حصہ دوم:

اگر مساوی دور کی مقاومت کا کم برقی دباؤ کی جانب تبادلہ کیا جائے۔

$$R'_{1} + jX'_{1} = \left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right)^{2} (R_{1} + jX_{1})$$

$$= \left(\frac{1}{10}\right)^{2} (0.9 + j1.2)$$

$$= 0.009 + j0.012$$

اسى طرح

$$R'_{c} = \left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right)^{2} R_{c} = 0.064$$

$$X'_{m} = \left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right)^{2} X_{m} = 0.47$$

جبکہ Z_2 وہی رہرگا۔

3.9.7 ٹرانسفارمر کے سادہ ترین مساوی دور

ایک انجنیئر کو جب ایک ٹرانسفارمر استعمال کرنا ہو تو وہ حساب کرتے وقت شکل 3.17 میں دیئے گئے دور کو استعمال کر سکتا ہے۔ یہ دور حقیقی ٹرانسفارمر کی بہت اچھی عکاسی کرتا ہے۔ البتہ جہاں ہمیں نہایت صحیح جواب مطلوب نہ ہوں وہاں اس دور کی سادہ اشکال بھی استعمال کی جا سکتیں ہیں۔ اس باب میں ہم ایسے ہی سادہ مساوی دوروں کا ذکر کریں گے۔

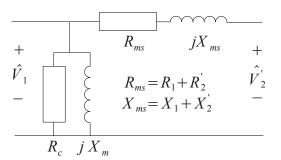
اگر ہم شکل 3.17میں R_c اور X_m کو بائیں یا دائیں طرف لے جائیں

تو ہمیں جو دور ملتا ہے وہ شکل 3.19 اور 3.20 میں دکھایا گیا ہے۔ چونکہ \hat{I}_{ϕ} کی مقدار نہایت کم \hat{I}_{ϕ} ہوتی ہے اس لئے ایسا کرنے سے حاصل جواب پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ چونکہ اس شکل میں K_1 ، K_2 ، K_1 ، K_2 ، K_3 ، K_4 اور K_2 سلسلہ وار ہیں اس لئے ان کو جمع کیا جا سکتا ہے شکل میں ان کو مساوی مزاحمت K_1 ، اور مساوی متعاملہ کہا گیا ہے۔

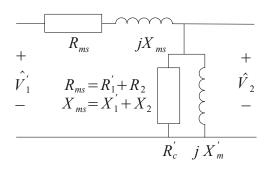
ہم ایک قدم اور آگے جا سکتے ہیں اور \hat{I}_{φ} کو مکمل طور پر نظر انداز کر سکتے ہیں یعنی اس کو ہم صفر تصور کر لیتے ہیں۔اس کا مطلب ہے کہ مساوی دور میں R_c اور X_m اور X_m دونوں کو کھلے دور کیا جاتا ہے یعنی انہیں مساوی دور سے ہٹا دیا جاتا ہے۔ شکل 3.21 الف اور با میں یہ دکھائے گئے ہیں۔ان دور میں مرکز کے اثرات کو مکمل طور پر نظرانداز کیا گیا ہے۔

بیشتر وقت ہمیں اس سے بھی کم صحیح جواب مطلوب ہوتا ہے۔ چونکہ R_{ms} کو بھی نظرانداز کر سکتے ہیں۔ یوں اشکل 3.22 الف اور با حاصل ہوتی ہیں۔

ا گون سے جھ فی صد ہوتی ہے \hat{I}_{0} ٹرانسفارمر کے کُل برقی بار کے صرف دو سے چھ فی صد ہوتی ہے



شكل 3.19: بائين جانب



شكل 3.20:دائيں جانب

شکل 3.21:ان دور میں مرکز کے اثرات کو نظرانداز کیا گیا سے

شکل 3.22:ٹرانسفارمر کے سادہ ترین دور

3.10 كهلي دور معائنه اوركسر دور معائنه

پچھلے حصے میں بیان کئے گئے ٹرانسفارمر کے مساوی دور کے جُز ٹرانسفارمر کے دو معائنوں سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ ان معائنوں کو کھلے دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ کہتے ہیں۔اس حصے میں انہیں پر غور کیا جائے گا۔

3.10.1 كهلي دور معائنه

کھلے دور معائنہ جیسا کہ نام سے واضح ہے، ٹرانسفارمرکی ایک جانب لچھے کے سروں کو آزاد رکھ کر کیا جاتا ہے۔ یہ معائنہ اتنی برقی دباؤ اور

¹⁸⁷ open circuit test

تعدد یا ان کے قریب ترین مقداروں پر کیا جاتا ہے جتنے پر ٹرانسفارمر کی بناوٹ 188 ہو۔ آگرچہ یہ معائنہ ٹرانسفارمر کے کسی بھی جانب کے لچھے پر کیا جا سکتا ہے، حقیقت میں اسے کم برقی دباؤ والی جانب کے لچھے پر کرنا آسان ہوتا ہے۔یہ بات ایک مثال سے زیادہ آسانی سے سمجھ آتی ہے۔

مثلاً ہم $25\,kVA$ اور $220\,V$ اور $25\,kVA$ کا $50\,Hz$ پر چلنے والے ایک دور کے ٹرانسفارمر کا معائنہ کرنا چاہتے ہیں۔ اگر یہ معائنہ اس کے گیارہ ہزار کے پہھے پر کیا جائے تو گیارہ ہزار برقی دباؤ کے لگ بھگ برقی دباؤ استعمال کیا جائے گا اور اگر دو سو بیس برقی دباؤ والے پلھے پر کیا جائے تو دو سو بیس برقی دباؤ کے لگ بھگ برقی دباؤ استعمال کیا جائے گا۔ دونوں صورتوں میں تعدد دباؤ کے لگ بھگ رکھا جائے گی۔ $11\,kV$ کی برقی دباؤ پر کام کرنا نہایت خطرناک ثابت ہو سکتا ہے۔ یہی وجہ ہے کہ اس معائنہ کو کم برقی دباؤ والے پلھے پر ہی کیا جاتا ہے۔

جس برقی دباؤ پر ٹرانسفارمر عام حالات میں استعمال ہوتا ہے اس معائنہ میں کم برقی دباؤ والی جانب کے لچھے پر اتنے ہی یا اس کی قریب مقدار کی برقی دباؤ V_I لاگو کر کے کھلے دور برقی طاقت P_I اور کھلے دور برقی رو I_I ناپے جاتے ہیں۔معائنہ حقیقت میں استعمال کے دوران برقی دباؤ کے جتنے قریب برقی دباؤ پر کیا جائے اتنا بہتر جواب ملتا ہے۔ ٹرانسفارمر کی دوسری جانب لچھے کے سرے چونکہ آزاد رکھے جاتے ہیں اس لئے اس میں برقی رو صفر ہوگا۔ لہٰذا ناپا گیا برقی رو صرف ہیجان انگیز برقی رو ہوگا۔ ٹرانسفارمر جتنی برقی رو کے لئے بنایا گیا ہو یہ برقی رو اس کے تقریباً دو سے چھ فیصد ہوتا ہے۔ شکل بنایا گیا ہو یہ برقی رو اس کے تقریباً دو سے چھ فیصد ہوتا ہے۔

¹⁸⁸ design

3.17 کو مد نظر رکھتے ہوئے آگر ہم بائیں جانب کو کم بر قی دباؤ والی جانب تصور کریں تو شکل میں دی گئی V_1 کی جگہ ہو گی۔یوں ہم جو بر قی رو ناپیں گے وہ I_1 ہو گی جہاں I_1 ایک مقداری I_2 ہے ۔ چونکہ I_2 صفر کے برابر ہے لہٰذا I_1 درحقیقت I_2 کے مقدار I_3 کے برابر ہوگی۔یعنی اس طرح

$$I_1 = I_1 = I_{\varphi}$$
 (3.53)

اتنی کم برقی رو سے لچھے کی مقاومت میں نہایت کم برقی دباؤگھٹتا ہے، لہذا اسے نظر انداز کیا جاتا ہے یعنی

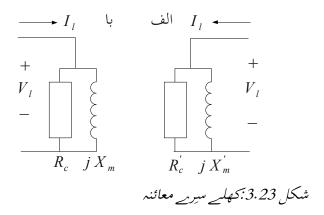
$$V_{R_1} = I_1 R_1 = I_{\varphi} R_1 \simeq 0 \tag{3.54}$$

$$V_{X_1} = I_1 X_1 = I_{\varphi} X_1 \simeq 0 \tag{3.55}$$

یوں اگر یہ معائنہ ابتدائی جانب کیا جا رہا ہوتو V_I بغیر کے ہوئے R_c اور شکل 3.19 سے ظاہر ہے۔ R_c البتہ اگر یہ معائنہ ثانوی جانب کیا جا رہا ہو تب V_I بغیر کے ہوئے R_c اور

¹⁸⁹ scalar

سے ظاہر ہے۔ یوں اس X_m' پر لاگو ہوگا۔ یہ شکل 3.18 اور شکل 3.20 سے ظاہر ہے۔ یوں اس معائنہ میں ہم شکل 3.23 استعمال کرتے ہیں جہاں حصہ الف ثانوی جانب اور حصہ با ابتدائی جانب معائنہ دکھلا رہا ہے۔



 P_{I} چونکہ برقی طاقت کا ضیاع صرف مزاحمت میں ہی ممکن ہے لہٰذا میں R_{c} صرف R_{c} یا R_{c} میں ہی ضائع ہوگی۔اس مزاحمت کو یہاں R_{c} کہہ کر پکارتر ہیں۔ یوں

$$P_{l} = \frac{V_{l}^{2}}{R_{l}} \tag{3.56}$$

یا

$$R_l = \frac{V_l^2}{P_l} \tag{3.57}$$

اسی طرح چونکہ برقی دباؤ اور برقی رو کی مقداروں کے تناسب کو مقاومت کی مقدار کہتے ہیں لہٰذا

$$\left|Z_{l}\right| = \frac{V_{l}}{I_{l}} \tag{3.58}$$

مگر شکل 3.23 سے واضح ہے کہ

$$\frac{1}{Z_{l}} = \frac{1}{R_{l}} + \frac{1}{jX_{l}} \tag{3.59}$$

جہاں متعاملہ X_{m} یا $X_{m}^{'}$ کو X_{l} کہا جا رہا ہے۔ لہٰذا

$$\mathbf{Z}_{l} = \frac{j R_{l} X_{l}}{R_{l} + j X_{l}}$$

$$|\mathbf{Z}_{l}| = Z_{l} = \frac{R_{l} X_{l}}{\sqrt{R_{l}^{2} + X_{l}^{2}}}$$
(3.60)

جس سے حاصل ہوتا ہے

$$X_{l} = \frac{Z_{l}R_{l}}{\sqrt{R_{l}^{2} - Z_{l}^{2}}}$$
 (3.61)

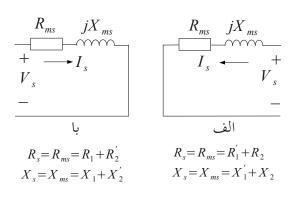
اور R_c سے 3.57 سے اور R_c اور کیا جائے تو مساوات 3.57 سے 3.61 مساوات 3.61 سے X_m کا حساب لگایا جائے گا اور اگر یہ معائنہ ثانوی جانب کیا جائے تو ان سے R_c اور X_m کا حساب لگایا جائے گا۔

3.10.2 كسر دور معائنه

یہ معائنہ بھی پچھلے معائنہ کی طرح ٹرانسفارمر کے کسی بھی طرف کیا جا سکتا ہے مگر حقیقت میں اسے زیادہ برقی دباؤ کے لچھے پر ہی کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے۔ یہ معائنہ جتنے برقی رو کے لئے ٹرانسفارمر بنایا گیا ہو اتنی برقی رو یا اس

¹⁹⁰ short circuit test

کے قریب مقدار پر کیا جاتا ہے۔ یعنی اس معائنہ میں کوشش ہوتی ہے کہ ٹرانسفارمر کے لجھے میں اتنی برقی رو گزرے جتنی کے لئے یہ بنایا گیا ہو۔ لہٰذا اگر ہم پچھلے معائنہ میں استعمال ہونے والے ٹرانسفارمر کی بات آگے بڑھائیں تو اس کا زیادہ برقی دباؤ کا لجھا A 113.63 کے لئے بنایا گیا ہے۔ لہٰذا آگر یہ معائنہ کم برقی دباؤ کجھے پر کیا جائے تو اسے بنایا گیا ہے۔ لہٰذا آگر یہ معائنہ کم برقی دباؤ لجھے پر کیا جائے تو صرف A 113.63 پر کرنا ہوگا اور آگر زیادہ برق دباؤ لجھے پر کیا جائے تو صرف A 2.2727 پر کرنا ہوگا جو کہ زیادہ آسان ہے۔



شكل 3.24 :كسر دور معائنه

اس معائنہ میں کم برقی دباؤ لچھے کے دونوں سروں کو آپس میں جوڑا جاتا ہے یعنی انہیں کسرِ دور کر لیا جاتا ہے اور زیادہ برقی دباؤ لچھے پر اس جانب کی ڈیزائن کردہ برقی دباؤ کے دو سے بارہ فی صد کا برقی دباؤ $V_{\rm s}$ لاگو کر کے کسرِ

دور برقی رو I_s اور کسرِ دور برقی طاقت P_s ناپیے جاتے ہیں۔ جس پجھے کے سرے آپس میں کسرِ دور ہوتے ہیں اس میں سے برقی رو گزرتی ہے اور اس کا عکس دوسری جانب بھی موجود ہوتا ہے۔ یہ برقی رو ٹرانسفارمر کے ڈیزائن کردہ بر تی رو کے لگ بھگ ہوتا ہے۔ اس معائنہ کا دور شکل 3.24 میں دکھایا گیا ہے۔ شکل کے حصہ الف میں یہ معائنہ ثانوی جانب ہوتے دکھایا گیا ہے جبکہ حصہ با میں یہ معائنہ ابتدائی جانب سے ہوتے ہوئے دکھایا گیا ہے۔ چونکہ یہ معائنہ بہت کم بر تی دباؤ پر کیا جاتا ہے لہٰذا اس معائنہ میں ہیجان انگیز بر تی رو کو مکمل طور پر نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ شکل سے ہم دیکھتے ہیں کہ چونکہ برقی طاقت صرف مزاحمت میں ہی ضائع ہو سکتی ہے لہٰذا

$$P_s = I_s^2 R_s \tag{3.62}$$

کسرِ دور برقی رو اور برقی دباؤ سے ہمیں ملتی ہے

$$|\mathbf{Z}_s| = Z_s = \frac{V_s}{I_s} \tag{3.63}$$

مگر شکل سے واضح ہے کہ

$$Z_{s} = R_{s} + jX_{s} = R_{ms} + jX_{ms}$$

$$|Z_{s}|^{2} = Z_{s}^{2} = R_{s}^{2} + X_{s}^{2} = R_{ms}^{2} + X_{ms}^{2}$$
(3.64)

لهٰذا

$$X_{s} = X_{ms} = \sqrt{Z_{s}^{2} - R_{s}^{2}} = \sqrt{Z_{s}^{2} - R_{ms}^{2}}$$
 (3.65)

اگر دونوں جانب کے لچھوں کی مزاحمت اور متعاملہ کی ضرورت ہو تو یہ تصور کیا ۔ جاتا ہے کہ

$$R_1 = R_2' = \frac{R_{ms}}{2} \tag{3.66}$$

$$X_1 = X_2' = \frac{X_{ms}}{2} \tag{3.67}$$

یہ قابلِ قبول جواب ہوتے ہیں۔

چونکہ یہ معائنہ عموما ًجہاں ٹرانسفارمر موجود ہو وہیں کرنا پڑتا ہے لہذا یہ ممکن نہیں ہوتاکہ ٹرانسفارمرکو بالکل اتنا برقی دباؤ دیا جائے جتنا درکار ہو

بلکہ جو برقی دباؤ موجود ہو اسی سے کام چلانا پڑتا ہے۔ لیکن اس بات کا خیال بہت ضروری ہے کہ جو برقی دباؤ ٹرانسفارمر کو دیا جا رہا ہو وہ ڈیزائن کردہ برقی دباؤ کے دو سے بارہ فی صد ہو۔ مثلاً اگر اسی 220V:11kV:11kV ٹرانسفارمر کی بات کی جائے تو اس کے زیادہ برقی دباؤ کچھے پر 220V اور 220V کے درمیان کوئی بھی برقی دباؤ دیا جا سکتا ہے۔ چونکہ ہمارے ہاں 220V اور 240V عام پائے جاتے ہیں لہذا ہم 220V یا 240V ہی استعمال کریں گے۔

یہاں یہ ایک مرتبہ دوبارہ یاد دھیانی کراتا جاؤں کہ ٹرانسفارمر کی ایک جانب لچھے کے سرے آپس میں جوڑ کر، یعنی انہیں کسرِ دور کر کے، دوسری جانب لچھے پر کسی بھی صورت میں اس جانب کی پوری برقی دباؤ لاگو نہیں کرنی۔ ایسا کرنا شدید خطرناک اور جان لیوا ثابت ہو سکتا ہے۔

مثال 3.7:

ایک 25 کلو وولٹ-ایمپیئر، 11000:220 وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والے ٹرانسفارمرکے کھلے دور اورکسرِ دور معائنہ کئے جاتے ہیں جن کے نتائج یہ ہیں

زیادہ برقی دباؤ کی جانب کسرِ دور معائنہ	کم برقی دباؤ کی جانب کھلے دور معائنہ
$V_s = 440 V$	$V_l = 220 V$
$I_s = 2.27 A$	I_{i} =39.64 A
$P_s = 560 W$	$P_1 = 600 W$

حل کھلے دور:

$$Z_{l} = \frac{V_{l}}{I_{l}} = \frac{220}{39.64} = 5.549949546 \Omega$$

$$R_{l} = \frac{V_{l}^{2}}{P_{l}} = \frac{220^{2}}{600} = 80.66666666 \Omega$$

$$X_{l} = \frac{R_{l}Z_{l}}{\sqrt{R_{l}^{2} - Z_{l}^{2}}} = \frac{80.67 \times 5.55}{80.67^{2} - 5.55^{2}} = 5.56 \Omega$$

لهذا

$$R_{c} = R_{l} = 80.66666 \Omega$$

$$R_{c} = \left(\frac{11000}{220}\right)^{2} R_{c}' = \left(\frac{11000}{220}\right)^{2} 80.66 = 201650 \Omega$$

$$X_{m}' = X_{l} = 5.56 \Omega$$

$$X_{m} = \left(\frac{11000}{220}\right)^{2} X_{m}' = \left(\frac{11000}{220}\right)^{2} 5.56 = 13900 \Omega$$

$$Z_{s} = \frac{V_{s}}{I_{s}} = \frac{440}{2.27} = 193.8325\Omega$$

$$R_{s} = \frac{P_{s}}{I_{s}^{2}} = \frac{560}{2.27^{2}} = 108.676666\Omega$$

$$X_{s} = \sqrt{Z_{s}^{2} - R_{s}^{2}} = \sqrt{193.83^{2} - 108.68^{2}} = 160.495\Omega$$

اور

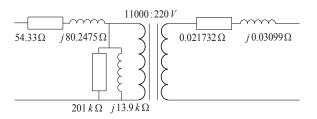
$$R_{1} = R_{2}^{'} = \frac{R_{s}}{2} = \frac{108.6766}{2} = 54.33 \,\Omega$$

$$R_{2} = \left(\frac{220}{11000}\right)^{2} R_{2}^{'} = \left(\frac{220}{11000}\right)^{2} 54.33 = 0.021732 \,\Omega$$

$$X_{1} = X_{2}^{'} = \frac{X_{s}}{2} = \frac{160.495}{2} = 80.2475 \,\Omega$$

$$X_{2} = \left(\frac{220}{11000}\right)^{2} X_{2}^{'} = \left(\frac{220}{11000}\right)^{2} 80.2475 = 0.032099 \,\Omega$$

یہ شکل 3.25 میں دکھایا گیا ہے۔

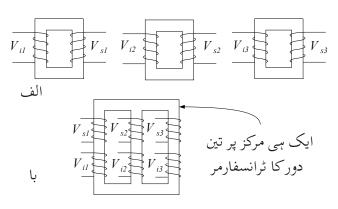


شکل 3.25:کھلے دور اور کسرِ دور معائنہ کے نتائج سے ۔ حاصل شدہ مساوی دور

3.11 تين دور كر ٹرانسفارمر

اب تک ہم ایک دور کے ٹرانسفارمر پر غور کرتے رہے ہیں۔حقیقت میں برقی طاقت کی منتقلی میں عموما ً تین دور کے ٹرانسفارمر استعمال ہوتے ہیں۔ تین دور کا ٹرانسفارمر اکٹھے رکھ کر بنایا جا سکتا ہے۔ یہ شکل 3.26 الف میں دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ایک ٹرانسفارمر خراب ہو جائے تو اس کو گھیک ہونے کے لئے ہٹا کر بقایا دو ٹرانسفارمر دوبارہ چالو کئے جا سکتے ہیں۔ تین دور ٹرانسفارمر بنانے کا اس سے بہتر طریقہ شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک ہی مقناطیسی مرکز پر تینوں ٹرانسفارمر کے لچھے لیٹے گئے ہیں۔ اس طرح کے تین دور کے ٹرانسفارمر سستے، ہلکے اور چھوٹے ہونے کی وجہ سے عام ہو گئے ہیں اور آپ کو روز مرہ زندگی میں یہی نظر آئیی

گے۔ان میں برقی ضیاع بھی قدرِ کم ہوتی ہے۔



شكل 3.26:

شکل 3.27 الف میں تین ٹرانسفارمر دکھائے گئے ہیں۔ان تین ٹرانسفارمر کے ابتدائی لچھے آپس میں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔ایک کو ستارا نما جوڑ Y^{191} اور دوسرے کو تکونی جوڑ Δ^{192} کہتے ہیں۔اسی طرح ان تینوں ٹرانسفارمروں کے ثانوی لچھے انہیں دو طریقوں سے جوڑے جا سکتے ہیں۔یوں انہیں جوڑنے کے چار ممکنہ طریقے ہیں یعنی

- $Y:\Delta$ ستارا:تكونى $\Delta:Y$
 - Y:Y | uril(): with Y:Y

¹⁹¹ star connected

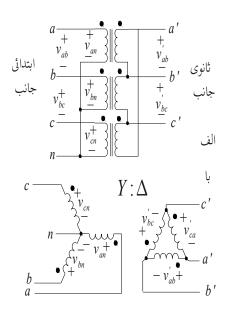
¹⁹² delta connected

- تكونى:تكونى △:∆
 - $\Delta: Y$ تکونی:ستارا $X: \Delta$

شکل میں ان تین ٹرانسفارمروں کے ابتدائی لچھوں کو ستارا نما جوڑاگیا ہے جبکہ ان کی ثانوی لچھوں کو تکونی جوڑاگیا ہے۔شکل کے حصہ با میں تینوں ٹرانسفارمر کی ابتدائی لچھوں کو علیحدہ ستارہ نما شکل دے کر ان کا جوڑ دکھایا گیا ہے۔اسی طرح ثانوی لچھوں کو تکونی شکل میں جوڑاگیا دکھایاگیا ہے۔انہی شکلوں کی وجہ سے ان کو ستارا نما جوڑ اور تکونی جوڑ کہتے ہیں۔

ایسی شکل بناتے وقت تینوں ٹرانسفارمروں کے ابتدائی کچھے کو جس زاویہ پر بنایا جاتا ہے اس کے ثانوی کچھے کو بھی اُسی زاویہ پر بنایا جاتا ہے۔یوں شکل کے حصہ الف میں سب سے اوپر ٹرانسفارمر جس کے ابتدائی جانب کے سرے a'b' ہیں کو حصہ با میں صفر زاویہ پر بنایا گیا ہے۔تین دور کے ٹرانسفارمروں کو اس طرح کی علامتوں سے ظاہر کیا جاتا ہر اور ان میں مرکز نہیں دکھایا جاتا۔

ٹرانسفارمرکے جوڑ بیان کرتے وقت بائیں جانب کے جوڑ کو پہلے اور دائیں جانب کے جوڑ کو پہلے اور دائیں جانب کی جوڑ کو بعد میں پکارتے ہیں۔یوں شکل 3.27 میں ٹرانسفارمر کہیں گے۔اسی طرح ابتدائی جانب کو بائیں اور ثانوی جانب کو دائیں ہاتھ بنایا جاتا ہے۔یوں اس شکل میں ابتدائی جانب ستارا نما ہے جبکہ ثانوی جانب تکونی ہے۔



شكل 3.27:تين دوركا ٢:Δ جُرًا تُرانسفارمر

ستارا نما جڑی جانب سے چار برقی تاریں نکلتی ہیں۔ اس جانب کچھوں کے مشترکہ سِرا n کو عموما ٹرانسفارمر کے نزدیک زمین میں گہرائی تک دھنسا دیا جاتا ہے۔ اس تار کو زمینی تار a,b,c یا صرف زمین a,b,c گرم تار کہلاتے ہیں۔ اسے مُندُی تار کہلاتے ہیں۔

¹⁹³ ground wire

¹⁹⁴ ground, earth or neutral

ستارا نما جانب دوری مقداروں اور تارکی مقداروں کا آپس میں یوں رشتہ

ہے

$$V_{jt} = \sqrt{3} V_{jt}$$

$$I_{jt} = I_{jt}$$
(3.68)

جبکہ تکونی جانب دوری اور تارکی مقداروںکا آپس میں یوں رشتہ ہے

$$V_{j5} = V_{j5} = \sqrt{3}I_{j5}$$
 (3.69)

¹⁹⁵ phase voltage

¹⁹⁶ phase current

¹⁹⁷ line voltage

یہ دوری سمتیہ کے رشتے نہیں بلکہ ان کی مقداری قیمتوں کے رشتے ہیں۔ان دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے

$$V_{jb}I_{jb} = \sqrt{3}V_{jb}I_{jb}$$
 (3.70)

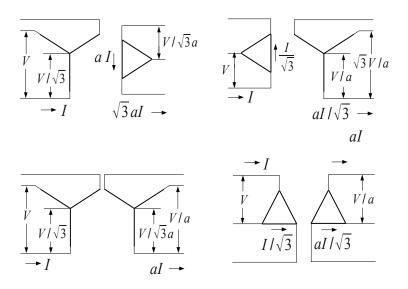
چونکہ ایک دورکی ٹرانسفارمرکی وولٹ-ایمپیئر V_{in} ہیں اور ایسے تین ٹرانسفارمر مل کر ایک تین دورکا ٹرانسفارمر بناتے ہیں لہذا تین دورکے ٹرانسفارمر کی وولٹ-ایمپیئر اس کے تین گنا ہوں گے یعنی

$$I_{u_{l}} = \frac{3V_{u_{l}}I_{u_{l}}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}V_{u_{l}}I_{u_{l}} = \sqrt{3}V_{u_{l}}I_{u_{l}}$$
(3.71)

یہ مساوات تین دور میں عام استعمال ہوتی ہے۔

ٹرانسفارمرکسی طرح بھی جوڑے جائیں وہ اپنی بنیادی کارکردگی تبدیل نہیں کرتے لہذا انہیں ستارا نما یا تکونی جوڑنے کے بعد بھی ان میں ہر ایک ٹرانسفارمر انفرادی طور پر مساوات 3.23 اور 3.38 پر پورے اترے گا۔انہیں استعمال کر کے شکل 3.28 میں دیئے گئے ٹرانسفارمروں کے ابتدائی اور ثانوی جانب کی دوری اور تارکی مقداروں کے رشتے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔اس شکل میں $n = N_1/N_2$ ان میں ایک دور کی ٹرانسفارمر شکل میں ایک دور کی ٹرانسفارمر

کے چکرکی نسبت ہے۔تین دورکے ٹرانسفارمر پر لگی تختی پر دونوں جانب تار کی برقی دباؤکی نسبت لکھی جاتی ہے۔



شکل 3.28:ابتدائی اور ثانوی جانب تار اور دوری مقداروں کے رشتے

جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے ستارا-تکونی ٹرانسفارمر کی تار پر بر تی دباؤ کی نسبت

$$\frac{V_{j : j : j : j : j}}{V_{j : j : j : j : j}} = \sqrt{3} a = \sqrt{3} \left(\frac{N_1}{N_2} \right)$$

$$(3.72)$$

جبكم ستارا-ستاراكا

$$\frac{V_{jijilijilij}}{V_{jijilij}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$
 (3.73)

تكونى-ستاراكا

$$\frac{V_{\nu}}{V_{\nu}} = \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\frac{N_1}{N_2} \right)$$
 (3.74)

اور تكوني-تكوني كا

$$\frac{V_{jijlijlij}}{V_{jijlijlij}} = a = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

$$(3.75)$$

ایک دور کے تیمن یکساں ٹرانسفارمروں کو ستارا-تکونی $Y-\Delta$ جوڑکر تین دور کا ٹرانسفارمر بنایا گیا ہے۔ایک دور کر ٹرانسفارمر کی برقی اہلیت درج ذیل ہے:

مثال 3.8:

ایک دور 50 kVA 6350: 440 V 50 Hz

ستارا-تکونی ٹرانسفارمرکی ابتدائی جانب 11000 وولٹ کی تین دوری تارکی برقی دباؤ لاگو کیا گیا۔اس تین دوری ٹرانسفارمرکی ثانوی جانب تارکا برقی دباؤ معلوم کریں۔

حل:

حل کرتے وقت ہم ایک دور کے ایک ٹرانسفارمر پر نظر رکھیں گے۔ ابتدائی جانب آگر ایک دور کے ٹرانسفارمر پر غور کیا جائے تو

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{6350}{440}$$

اور اس پر لاگو برقی دباؤ مساوات 3.68 کی مدد سے

$$V_{\text{pot}} = V_{\text{pot}} = \frac{V_{\text{pl}}}{\sqrt{3}} = \frac{11000}{\sqrt{3}} = 6350.85$$

وولٹ سے لہذا اس ایک دور ٹرانسفارمرکی ثانوی جانب مساوات 3.23کی مادد سے

$$V_{\omega,i} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right) V_{\omega,i} = \left(\frac{440}{6350}\right) 6350.85 \approx 440$$

وولٹ ہیں۔چونکہ ثانوی جانب ان تین ٹرانسفارمروں کو تکونی جوڑا گیا ہے لہٰذا مساوات 3.69 کی مدد سے اس جانب تار کی برقی دباؤ یہی ہو گی۔اس تین دور کے ٹرانسفارمرکی تار پر برقی دباؤ کی نسبت

$$\frac{V_{\text{البتدائي تار}}}{V_{\text{الغوى تار}}} = \frac{11000}{440}$$

سے۔چونکہ ایک دور ٹرانسفارمر 50 کلو وولٹ-ایمپیئرکا سے لہذا یہ تین دوری ٹرانسفارمر 150 کلو وولٹ-ایمپیئرکا سوگا۔یوں اس تین دورکے ٹرانسفارمرکی تين دور

 $Y:\Delta$

 $150\,kVA$

 $11000:440\,V$

50 Hz

ہوگی۔

ٹرانسفارمر پر لگی تختی 199 پر اس کی اہلیت بیان ہوتی ہے جس میں ٹرانسفارمر کے دونوں جانب تار کے برقی دباؤ لکھے جاتے ہیں نہ کہ لچھوں کے چکر۔

ستارا-ستارا جڑے ٹرانسفارمر عام طور استعمال نہیں ہوتے۔اس کی وجہ یہ ہے کہ اگرچہ ان کی تین دور برقی دباؤ کے بنیادی جُز آپس میں 120^0 زاویاتی فاصلے پر ہوتے ہیں لیکن ان کی تیسری موسیقائی جُز آپس میں ہم دور ہوتی ہیں۔ مرکز کی غیر بتدریج خصوصیات کی وجہ سے ٹرانسفارمر میں ہر صورت تیسری موسیقائی جُز پائے جاتے ہیں۔تیسری موسیقائی جُز ہم دور ہونے کی وجہ سے جمع ہو کر ایک نہایت بڑی برقی دباؤ کی موج پیدا کرتے ہیں جو کبھی کبھی برقی دباؤ کی بیادی جُز سے جمی زیادہ بڑے ہوتے ہیں۔

¹⁹⁸ rating

¹⁹⁹ name plate

بقایا تین قسم کے جڑے ٹرانسفارمروں میں برقی دباؤ کی تیسری موسیقائی جُز مسئلہ نہیں کرتیں چونکہ ان میں تکونی جُڑے لچھوں میں برقی روگردش کرنی شروع ہوجاتی ہے جو ان کے اثر کو ختم کر دیتی ہے۔

تین دور ٹرانسفارمر کے متوازن دور حل کرتے وقت ہم تصور کرتے ہیں کہ ٹرانسفارمر ستارا نما 200 ہے۔یوں اس کے ایک دور میں برقی رو، تار 200 کی برقی رو ہی ہو گی اور اس کے ایک دور پر لاگو برقی دباؤ، دوری برقی دباؤ 202 ہوگا۔اسی طرح ہم تصور کرتے ہیں کہ اس پر لدھا برقی بار بھی ستارا نما جُڑا ہے۔یوں تین دور کی جگہ ہم ایک دورکا نسبتاً آسان مسئلہ حل کرتے ہیں۔ ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔یہ ایک مثال سے زیادہ بہتر سمجھ آئے گا۔

مثال 3.9:

ایک تی میں دوری $Y - \Delta$ 2000 کلو وولٹ ایمپیئر، $\Delta - Y$ وولٹ اور 50 ہرٹز پر چلنے والا مثالی ٹرانسفارمر ایک تین دوری متوازن برقی بار کو طاقت مہیا کے رہا ہے۔ یہ بار

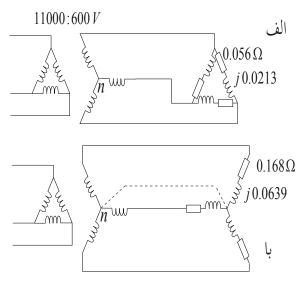
تکونی جڑا ہے۔شکل 3.29 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

- 1. اس شکل میں ہر جگہ برقی رو معلوم کریں۔
 - 2. برقی بار کو درکار طاقت معلوم کریں

²⁰⁰ star connected (Y-connected)

²⁰¹ line current

²⁰² phase voltage



شکل 3.29: ٹرانسفارمر تکونی متوازن بارکو طاقت فراہم کر 0.168Ω رہا ہے j = 0.0639

حل: :. : 11000:346.41*V*

پہلے تکونی بارکو ستارا نما بار میں تبدیل کرتے ہیں $Z_{Y} = 3\,Z_{\Delta} = 3\,(0.056 + j\,0.0213) = 0.168 + j\,0.0639$

اس بارکو ستارا نما جڑا شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک

برق تار جسے نقطہ دار لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے کو ٹرانسفارمر کی زمینی نقطہ سے بار کے مشترکہ سِرے کے درمیان جڑا دکھایا گیا ہے۔متوازن دور میں اس تار میں برقی رو صفر ہوگی۔حل کرنے کی نیت سے ہم اس متوازن دور سے ایک حصہ لیتے ہیں جسے شکل کے حصہ د میں دکھایا گیا ہے اور اسے حل کرتے ہیں۔

یوں مساوی برقی بار میں برقی رو

$$I = \frac{346.41}{0.168 + j0.0639}$$
$$= \frac{346.41}{0.179742 \angle 20.825^0}$$
$$= 1927.262 \angle (-20.825^0)$$

ہو گی اور اس ایک حصہ میں طاقت

$$p = 346.41 \times 1927.262 \times \cos(-20.825) = 624007W$$

ہوگی۔ یوں برتی بارکو پوری درکار برتی طاقت اس کے تبنی گنا ہوگی یعنی $1872\,kW$ اس بارکی طاقی کی جُز ضربی

$$cos(-20.825)=0.93467$$

ہے۔

تکونی بار جسے شکل کے حصہ الف میں دکھایا گیا ہے میں برقی رو
$$\frac{1927.262}{\sqrt{3}} = 1112.7$$
 ایمپیئر ہو گی۔ ٹرانسفارمر کی ابتدائی جانب برقی تاروں میں برقی رو $\frac{600}{11000} = 1927.262 = 105.12$ میں برقی رو

اس مثال میں جُز ضربی طاقت 0.93467 ہے۔ اس کتاب کے لکھتے وقت پاکستان میں اگر صنعتی کارخانوں کی برقی بار کی جُز ضربی طاقت 0.9 سے کم ہو جائے تو برقی طاقت فراہم کرنے والا ادارہ جرمانہ نافذ کرتا ہے۔

3.12 ٹرانسفارمر چالو کرتے لمحہ زیادہ محرکی برقی رو کا گزرنا

ہم دیکھ چکے ہیں کہ آگر ٹرانسفارمر کے مرکز میں کثافتِ مقناطیسی ہاؤ سائن نما ہو یعنی $B = B_0 \sin \omega t$ تو اس کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$v = e = N \frac{\partial \Phi}{\partial t} = N A_c \frac{\partial B}{\partial t}$$

$$= \omega N A_c B_0 \cos \omega t$$

$$= V_0 \cos \omega t$$
(3.77)

يعني

$$B_0 = \frac{V_0}{\omega N A_c} \tag{3.78}$$

یہ مساوات برقرار حال ²⁰³ چالو ٹرانسفارمر کے لئے درست ہے۔

تصور کریں کہ ایک ٹرانسفارمر کو چالو کیا جا رہا ہے۔ چالو ہونے سے پہلے مرکز میں مقناطیسی بہاؤ صفر ہے اور جس لمحہ اسے چالو کیا جائے اس لمحہ بھی یہ صفر ہی رہتا ہے۔

جس لمحہ ٹرانسفارمر کو چالو کیا جائے اس لمحہ لاگو برقی دباؤ

$$v = V_0 \cos(\omega t + \theta) \tag{3.79}$$

ہے۔ آگر $\theta=\pi/2$ یہ لمحہ ہو تو آدھے دوری عرصہ $\theta=\pi/2$ یعد مرکز میں کثافت مقناطیسی بہاؤ

²⁰³ steady state

²⁰⁴ half time period

$$B = \frac{1}{N A_c} \int_0^{\pi/\omega} V_0 \cos(\omega t + \pi/2) dt$$

$$= \frac{V_0}{\omega N A_c} \sin(\omega t + \pi/2) \Big|_0^{\pi/\omega}$$

$$= -\left(\frac{2 V_0}{\omega N A_c}\right)$$
(3.80)

یعنی کثافتِ مقناطیسی ہاؤکا طول معمول سے دگنا ہوگا۔آگر بہی حساب $\theta=0$ لحمکے لئے کیا جائے تو زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی ہاؤ بالکل مساوات 3.78 کے عین مطابق ہوگا۔ ان دو زاویوں کے مابین زیادہ سے زیادہ کثافتِ مقناطیسی ہاؤ ان دو حدوں کے درمیان رہتا ہے۔

مرکز کی B-H خط غیر بتدریج بڑھتا ہے۔ لہذا B دگنا کرنے کی خاطر H کو کئی گنا بڑھانا ہوگا جو لچھے میں محرک برقی رو بڑھانے سے ہوتا ہے 205 یہاں شکل 2.17 سے رجوع کریں۔ قوی ٹرانسفار مروں میں ہیجانی کثافت مقناطیسی بہاؤ کی چوٹی B = 1.3 ہوتی ہے۔ ٹرانسفار مر چالو کرتے کھے یوں کثافت مقناطیسی بہاؤ B = 1.3 ٹیسلہ تک ہو سکتی ہے جس کے لئے درکار ہیجان انگیز برقی رو نہایت زیادہ ہوگی۔

^{205 2000} کلو وولٹ-ایمپیئر ٹرانسفارمر سے چالو کرتے وقت تمرتھراہٹ کی آواز آتی ہے

4 برقی اور میکانی توانائی کا باهمی تبادله

برقی رو یا مقناطیسی بہاؤکی مدد سے برقی توانائی کو میکانی توانائی یا میکانی توانائی یا میکانی توانائی کو برقی توانائی میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ مختلف مشین میں یہ عمل ہوتا ہے۔ ناپنے کے مشین نہایت کم طاقت کا تبادلہ کرتے ہیں۔ ان میں لاؤڈ سپیکر، مائکروفون وغیرہ شامل ہیں۔ ان کے برعکس ایک اور قسم کے مشین قوت پیدا کرتے ہیں۔ ان میں برقی مقناطیس، ریلے 206 وغیرہ شامل ہیں۔ ایک تیسری قسم، جن میں برقی موٹر اور جزیٹر شامل ہیں، لگاتار توانائی کو ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کرتے ہیں۔

اس باب میں مقناطیسی بہاؤ کی مدد سے توانائی کے تبادلہ پر غور کیا جائے گا۔ برقی رو کی مدد سے توانائی کے تبادلہ کو انہیں طرح کے طریقوں سے حل کیا جاتا ہر آگرچہ ان کا تذکرہ اس کتاب میں نہیں کیا جائر گا۔

اس باب میں جو تراکیب ہم سیکھیں گے وہ بہت اہمیت رکھتے ہیں اور انجنیئرنگ میں بہت سے مسائل حل کرنے میں مددگار ثابت ہوتے ہیں۔

4.1 مقناطیسی نظام میں قوت ²⁰⁷ اور مروڑ ²⁰⁸

اگر ایک برقی میدان میں چارج q رکھا جائے تو اس پر قوت

²⁰⁶ relay

²⁰⁷ force

²⁰⁸ torque

$$\mathbf{F} = q \, \mathbf{E} \tag{4.1}$$

پائی جاتی ہے۔ اگر چارج مثبت ہو تو یہ قوت برقی شدت E کی سمت میں ہوتی ہے اور آگر چارج منفی ہو تو یہ قوت E کی الٹ سمت میں ہوتی ہے۔ اسی طرح آگر ایک چارج مقناطیسی میدان میں حرکت کر رہا ہو اور اس کی سمتی رفتار V ہو تو اس پر قوت

$$F = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \tag{4.2}$$

پائی جاتی ہے۔ اس مرتبہ مثبت چارج پر قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون 210 سے معلوم کی جاتی ہے۔ اگر دائیں ہاتھ کی چار انگلیا \mathbf{v} کی سمت میں رکھ کر انہیں \mathbf{B} کی سمت میں موڑا جائے تو انگوھًا \mathbf{F} کی سمت میں ہوگا۔ منفی چارج پر قوت اس کے مخالف سمت میں ہوگی۔ یہاں سمتی رفتار \mathbf{p} اور \mathbf{B} کے مابین ہے۔ اگر ایک چارج بیک وقت مقناطیسی اور برقی میدان میں حرکت کر رہا ہو تب اس پر قوت ہمیں گزشتہ دو قوانین ملا کر یعنی مساوات لورینز 211 سے ملتی ہے۔

²⁰⁹ velocity

²¹⁰ right hand rule

²¹¹ Lorenz equation

$$\mathbf{F} = q(\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}) \tag{4.3}$$

مساوات 4.2 میں اگر $v=rac{d\,L}{dt}$ لی جائے تو اسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$F = q \frac{d \mathbf{L}}{dt} \times \mathbf{B}$$

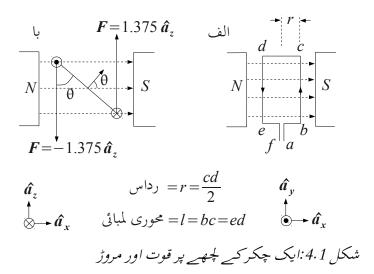
$$= \frac{q}{dt} (d \mathbf{L} \times \mathbf{B})$$

$$= I(d \mathbf{L} \times \mathbf{B})$$
(4.4)

مثال 4.1: شکل 4.1 میں ایک لچھا مقناطیسی میدان میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے کی رداس 15 سم، محوری لمبائی 50 سم اور اس میں برقی رو 5 ایمپیئر ہے۔ کثافت مقناطیسی بہاؤ کو نقطہ دار نوک والی لکیروں سے شمالی قطب سے جنوبی قطب کی جانب دکھایا گیا ہے۔ آگر کثافت مقناطیسی بہاؤ 0.55 ٹیسلہ ہو تو

• لچھے کے اطراف پر قوت معلوم کریں اور

لچھے پر مروڑ معلوم کریں



حل:

شکل کے حصہ الف اور با میں کارتیسی اکائی سمتیہ دیئے گئے ہیں۔ اگر برق تار کے سروں کو نظر انداز کیا جائے اور اسے ایک بند دائرہ سمجھا جائے تو حصہ الف سے تارکی اطراف کی لمبائیاں برقی روکی سمت

$$L_{bc} = +l \hat{a}_{y}$$

$$L_{cd} = -2r \hat{a}_{x}$$

$$L_{de} = -l \hat{a}_{y}$$

$$L_{eb} = 2r \hat{a}_{x}$$

ہیں جبکہ

$${m B} = B_0 \hat{m a}_x$$
 ہے۔یوں مساوات 4.2 سے ان اطراف پر قوت

$$\begin{aligned} \boldsymbol{F}_{bc} &= I \left(\boldsymbol{L}_{bc} \times \boldsymbol{B}_{0} \, \boldsymbol{\hat{a}}_{x} \right) \\ &= 5 \left(0.5 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{y} \times 0.55 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{x} \right) \\ &= -1.375 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{z} \\ \boldsymbol{F}_{cd} &= 5 \left(-0.3 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{x} \times 0.55 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{x} \right) \\ &= 0 \\ \boldsymbol{F}_{de} &= 5 \left(-0.5 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{y} \times 0.55 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{x} \right) \\ &= 1.375 \, \boldsymbol{\hat{a}}_{z} \\ \boldsymbol{F}_{ea} &= 0 \end{aligned}$$

نيوڻن ہوگي۔

ہم دیکھتے ہیں کہ قوت محوری لمبائی کی جانب اطراف پر ہی لاگو ہے۔ یہ دو قوت حصہ با میں دکھائے گئے ہیں جہاں سے یہ واضح ہے کہ یہ مروڑ پیدا کریں گی۔ اس مروڑ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے بھی با آسانی معلوم کی جا سکتی ہے۔مروڑ

$\tau = -1.375 \times 2 \times 0.15 \times \sin \theta \,\hat{\boldsymbol{a}}_{y}$ $= -0.4125 \sin \theta \,\hat{\boldsymbol{a}}_{y}$

نیوٹن-میٹر ہے۔

ان مساوات کا استعمال صرف سادہ ترین جگہوں ممکن ہوتا ہے۔ استعمال میں آنے والی مشین میں ان مساوات سے قوت کا تعین کرنا نہایت مشکل ثابت ہوتا ہے۔ اب ہم وہ طریقہ سیکھتے ہیں جس کی مدد سے ہم مختلف مشین میں قوت کا تعین کر سکیں گے۔ اس طریقہ کو توانائی کا طریقہ کہتے ہیں اور یہ توانائی کے اٹل ہونے پر مبنی ہے۔

گھومتی برقی مشین میں عموما ً دو پلھے ہوتے ہیں۔ ان میں ایک پلھا مشین کے ساکن حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور اسی لئے ساکن رہتا ہے۔ لہٰذا اس کو ساکن پلھا 212 کہتے ہیں ۔ دوسرا پلھا مشین کے گھومنے والے حصہ پہ لپٹا ہوتا ہے اور مشین گھومنے سے یہ بھی گھومتا ہے۔ لہٰذا اس کو گھومتا پلھا 213 کہتے ہیں۔ ایسے مشین کو اس طرح سمجھنا نہایت آسان ہے کہ ہم ان دو پلھوں کو دو مقناطیس سمجھیں۔ جس طرح دو مقناطیس آگر قریب لائے جائیں تو یہ کوشش کرتے ہیں کہ ایک کا شمال N دوسرے کے جنوب S کی سمت ہو۔

موٹر میں دونوں لچھے مقناطیس پیدا کرتے ہیں۔ ساکن لچھے کا مقناطیسی بہاؤ، گھومتے لچھے کے مقناطیسی بہاؤ سے کچھ آگے رہتا ہے اور اسے کھینچتا رہتا ہے۔ ایسا کرنے سے یہ کام کرتا ہے۔ جزیٹر میں اس کے برعکس گھومتا لچھا، ساکن لچھے پر کام کرتا ہے۔

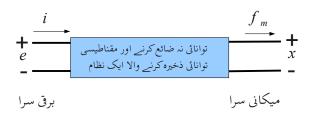
²¹² stator coil

²¹³ rotor coil

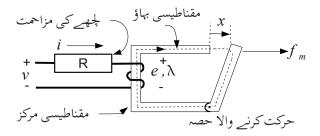
توانائی کے طریقے کو شکل 4.2 کی مدد سے سمجھا جا سکتا ہے۔ یہاں مقناطیسی نظام کو ایک ڈبہ کی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کو برقی توانائی مہیا کی جاتی ہے جس سے یہ میکانی توانائی پیدا کرتا ہے۔ یہاں برقی توانائی کے دو متغیرہ ہی اور میکانی توانائی کے متغیرہ فاصلہ x اور میدانی قوت متغیرہ ہیں۔ اس شکل میں بائیں جانب یعنی ابتدائی یا اولین جانب i کا رُخ باہر سے اندر کی طرف ہے اور دائیں جانب یعنی ثانوی جانب f_m کا رُخ اندر سے باہر کی جانب ہے۔ یہ ٹرانسفار مر دور کے شکل 3.6 کی مانند ہے۔

اگر نظام میں توانائی کی ضیاع کو توانائی کے ذخیرہ ہونے سے علیحدہ کرنا ممکن ہو تو ایسی صورت میں توانائی کے ضیاع کو بیرو نی رکن سے پیش کیا جاتا ہے۔ شکل 4.3 میں ایک ایسا ہی نظام دکھایا گیا ہے جس میں چھا بر تی نظام کو پیش کرتا ہے۔ نظام کو پیش کرتا ہے۔ یہاں چھے میں توانائی کے ضیاع کو، بیرونی مزاحمت R سے ظاہر کیا گیا ہے۔

میں چھوٹی لکھائی میں m لفظ میدانی کو ظاہر کر رہا ہے 214 میدانی فوت f_m



شکل 4.2: برقی توانائی سے میکانی توانائی کے تبادلہ کا نظام



شكل 4.3: قوت بيدا كرنے والا آلا

توانائی کا بنیادی اصول کہتا ہے کہ توانائی نا تو پیدا کی جا سکتی ہے اور

i ہی اسے تباہ کیا جا سکتا ہے۔ اس کو صرف ایک قسم سے دوسرے قسم کی توانائی میں تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ لہٰذا اسے جو بر تی توانائی میں تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ لہٰذا اسے جو بر تی توانائی میں تبدیل ہوگی، کچھ جائے اس میں سے کچھ میکانی توانائی W_{mech} میں تبدیل ہوگی، کچھ مقاطیسی میدان میں ذخیرہ ہوگی یعنی W_{m} اور بقایا مختلف طریقوں سے ضائع ہوگی W_{loss} جو ہمارے کسی کام نہ آ سکے گی۔ یعنی

$$\partial W_{elect} = \partial W_{mech} + \partial W_{m} + \partial W_{loss}$$
 (4.5)

اگر برقی توانائی کے ضیاع کو نظرانداز کیا جائے تو

$$\partial W_{elect} = \partial W_{mech} + \partial W_{m} \tag{4.6}$$

ان مساوات کو ∂t سے تقسیم کرنے سے حاصل ہوتا ہے

$$\frac{\partial W_{elect}}{\partial t} = \frac{\partial W_{mech}}{\partial t} + \frac{\partial W_{m}}{\partial t}$$
 (4.7)

یہ مساوات توانائی کی بجائے طاقت کی بات کرتا ہے۔ اگر ہم بائیں ہاتھ کی جانب

یعنی بر قی طاقت کو ei لکھیں اور دائیں ہاتھ کی جانب میکانی حصہ میں $\partial W_{mech} = f_m \partial x$

$$ei = f_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t}$$
 (4.8)

مساوات 2.32 كر استعمال سر اسر يوں لكها جا سكتا ہر۔

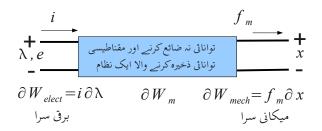
$$i\frac{\partial \lambda}{\partial t} = f_m \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial W_m}{\partial t} \tag{4.9}$$

یا

$$\partial W_{m} = i \partial \lambda - f_{m} \partial x \tag{4.10}$$

مساوات 4.10 توانائی کے طریقہ کی بنیاد ہے۔ یہ مساوات استعمال کرتے وقت یاد رہے کہ قوت بنیادی طور پر لورینز 215 کے قانون سے ہی پیدا ہوتی ہے۔ مساوات 4.10 میں برقی متغیرہ i اور e کی بجائے i اور λ ہیں۔ لہذا مساوات 4.10 میں برقی متغیرہ i اور e کی بجائے i

شکل 4.2 کو شکل 4.4 کی طرح بھی بنایا جا سکتا ہے۔



شکل 4.4: توانائی کی شکل تبدیل کرنے والا ایک نظام

کسی بھی تفاعل $z(x,y)^{-216}$ کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy \tag{4.11}$$

اسی طرح ہم $W_m(x,\lambda)$ کے لئے لکھ سکتے ہیں۔

²¹⁶ function

$$\partial W_m(x,\lambda) = \frac{\partial W_m}{\partial x} dx + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda} d\lambda \tag{4.12}$$

اس مساوات اور مساوات 4.10 سے ہم اخذکر سکتے ہیں کہ

$$f_{m}(x,\lambda) = -\left. \frac{\partial W_{m}(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_{0}}$$
 (4.13)

$$i(x,\lambda) = \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial \lambda} \bigg|_{x_0}$$
 (4.14)

اگر ہم مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی $W_m(x,\lambda)$ معلوم کر سکیں تو مساوات 4.13 کو استعمال کر کے ہم قوت کا حساب لگا سکتے ہیں۔ ہم آگلے حصہ میں یہی کرتے ہیں۔

4.2 تبادلہ توانائی والا ایک لچھے کا نظام

شکل 4.3 میں ایک ایک لچھے کا سادہ نظام دکھایا گیا ہے۔ لچھے میس برقی ضیاع کو بیرونی مزاحمت سے پیش کیا گیا ہے۔ میکانی نظام میں حرکت کرنے والے حصہ کے کمیت کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ اگر اس کمیت کے اثر کا بھی حساب لگانا ہو تو اس کمیت کو ایک بیرونی کمیت تصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح تبادلہ توانائی کے نظام پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے۔

قوت پیدا کرنے والے مشین میں حرکت ناگزیر ہے۔ عموما ً حرکت تب ممکن ہوتی ہے جب مقناطیسی مرکز میں خلا ہو جو کم اور زیادہ ہو سکے۔ عموما ً $\Re \ll_n \Re \ll_n \Re$ ۔ لہذا جب بھی خلائی درز رکنے والی مقناطیسی دور حل کرنی ہو، ہم $\Re \approx \Re$ کو نظرانداز کر سکتے ہیں۔ ایسا کرنے سے، جیسا مساوات کرنی ہو، ہم مقناطیسی دباؤ $\Re \approx \Re$ اور مقناطیسی جاؤ $\Re \approx \Re$ کو براہ راست متناسب لکھ سکتے ہیں۔ اسی طرح مساوات 2.33 کو اب ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\lambda = L(x)i \tag{4.15}$$

اس مساوات میں امالہ کو L(x) لکھ کر اس بات کی نشان دہی گئی ہے کہ یہ صرف اور صرف شکل 4.3 میں خلاکی لمبائ x پر منحصر ہے۔

x شکل 4.3 میں قوت f_m کی سمت میں طے ہونے والا فاصلہ f_m ہیں میں طے ہونے والا فاصلہ $\partial W_{mech} = f_m x$ ہمیں کے براب ہوگا جبکہ $\partial W_{elect} = i\,\partial \lambda$ کو مساوات 4.10 ظاہر کرتی ہے۔ اگر ہمیں مقناطیسی میدان میں ذخیرہ توانائی W_m معلوم کرنی ہو تو ہمیں مساوات 4.10 کا

تكمل ²¹⁷كرنا ہوگا۔ يعنى

$$\int_{0}^{W_{m}} \partial W_{m} = \int i(x, \lambda) \partial \lambda - \int f_{m}(x, \lambda) \partial x$$
(4.16)

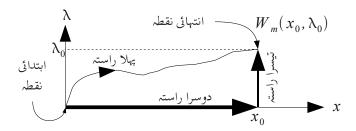
یہ کس طرح کیا جا سکتا ہے، یہ شکل 4.5 سے واضح ہوگا۔ابتدا میس مقناطیسی نظام کو کوئی برقی توانائی نہیں دی گئی۔ اس لئے اس میں برقی رو صفر ہے۔ برقی رو صفر ہونے کی وجہ سے مقناطیسی بہاؤ اور اِرتَباطِ بہاؤ بھی صفر ہے۔ اسی وجہ سے مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی بھی صفر ہے۔ یوں قوت اور حرکت بھی صفر ہے۔ یعنی اس ابتدائی نقطہ پر

$$i = \phi = \lambda = W_m = f_m = x = 0 \tag{4.17}$$

ہے۔ یہ ابتدائی نقطہ شکل 4.5 میں دکھایا گیا ہے۔ ہم اب کچھے کو برقی توانائی فراہم کرتے ہیں۔ کچھے میں برقی رو رواں ہوتی ہے جس سے قوت اور حرکت پیدا ہوتی ہے۔ ہم آخر کار نقطہ انتہا پہ پہنچ جاتے ہیں۔ یہ انتہائی نقطہ بھی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس نقطہ پہ $\lambda = \lambda_0$ اور x = x ہے اور یہاں مقناطیسی میدان میں توانائی $W_m(\lambda_0, x_0)$ ہے۔ ہم ابتدائی نقطہ سے انتہائی نقطہ تک

²¹⁷ integration

پہنچنے کے لئے برقی توانائی کو یوں بڑھاتے ہیں کہ ہ اور x ہر محہ شکل 4.5 میں پہلے راستہ پہ رہیں۔ لہٰذا ہمیں آخری نقطہ پہ مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی $W_m(\lambda_0,x_0)$ معلوم کرنے کے لئے مساوات 4.16 کے پہلے راستہ پہ تکمل کرنا ہوگا۔ ایسا کرنا خاصا مشکل کام ہے۔ بجائے یہ ہم ایک دوسرا راستہ اختیار کرتے ہیں۔



شكل 4.5:مقناطيسي ميدان مين توانائي

ہم اس حقیقت سے فائدہ الحّاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان ایک قدامت پسند میدان 218 ہے جس کا مطلب ہے کہ مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی صرف اور صرف آخری نقطہ کے λ_0 اور λ_0 کی مقدار پر منحصر ہے 219 ۔

219 تجاذبی میدان بھی قدامت پسند میدان ہے اسی لئے اگر کمیت m کو کسی بھی راستے

²¹⁸ conservative field

اس کا مطلب یہ ہے کہ ہم جس راستے سے بھی آخری نقطہ تک پہنچیں ہمیں مقناطیسی میدان میں مقناطیسی توانائی یکساں ملے گی۔ لہذا ہم تکمل کرتے وقت شکل 4.5 میں ابتدائی نقطہ سے دوسرے راستے چلتے ہیں اور جب ہم فاصلہ ملے کر لیں تو یہاں سے تیسرا راستہ اختیار کر کے انتہائی نقطہ (x_0, λ_0) پہ پہنچتے ہیں۔ لہذا ہم مساوات 4.16 کو اب دو ٹکڑوں میں لکھیں گے، نقطہ پہ پہنچتے ہیں۔ لہذا ہم مساوات (x_0, λ_0) تک اور پھر یہاں سے نقطہ (x_0, λ_0) تک اور پھر یہاں سے نقطہ (x_0, λ_0) تک

$$\int_{\text{limit}} \partial W_m = \int_{\text{limit}} \partial W_m + \int_{\text{limit}} \partial W_m$$
(4.18)

اس مساوات کی دائیں جانب جز کو باری باری دیکھتے ہیں۔اس کے دوسرمے راستے تکمل کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\int_{\text{equal plane}} \partial W_m = \int_0^0 i(x,0) \partial \lambda - \int_0^{x_0} f_m(x,0) \partial x \qquad (4.19)$$

x=0 اس دوسرے راستے جیسے شکل 4.5 سے ظاہر ہے آگر ہم $x=x_0$ سے $x=x_0$ تک چلیں تو اس پورے راستے $x=x_0$ صفر کے برابر ہی رہتا ہے۔ مساوات 4.19 میں اس بات کو برقی رو i(x,0) اور قوت i(x,0) لکھ کر واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ $x=x_0$ کے شروع اور آخری مقدار ایک برابر ہی لہذا

mgh کی بلندی تک لیے جایا جائے تو اس کی توانائی mgh ہوگی

اس مساوات میں $\lambda = 0$ $\lambda = 0$ ہے۔

اگر $\lambda=0$ ہو تو مقناطیسی ہاؤ بھی صفر ہوگا۔ مقناطیسی ہاؤ کے صفر ہونے کا مطلب ہے کہ کوئی مقناطیسی اثر موجود نہیں لہذا قوت بھی صفر ہوگا۔ اور ہم جانتے ہیں کہ صفر کا تکمل 200 صفر ہی ہوتا ہے۔ لہذا اس مساوات میں $\int_0^{x_0} f_m(x,0) \partial x = 0$ ہوگا۔ یوں اس دوسرے راستے پر تکمل یعنی مساوات 4.19 صفر کے برابر ہے یعنی

$$\int_{\text{equal class}} \partial W_m = \int_0^0 i(x,0) \partial \lambda - \int_0^{x_0} f_m(x,0) \partial x = 0$$
 (4.20)

اسی طرح مساوات 4.18 کی تیسرے راستے کے تکمل کے جُز کو یوں لکھا جا سکتا ہر۔

$$\int_{\text{Limit}} \partial W_m = \int_0^{\lambda_0} i(x_0, \lambda) \partial \lambda - \int_{x_0}^{x_0} f_m(x_0, \lambda) \partial x \qquad (4.21)$$

اس میں ہم دیکتے ہیں کہ پورے راستے $x=x_0$ رہتا ہے۔ قوت کا تکمل صفر ہے چونکہ x کا شروع اور آخری مقدار ایک برابر ہیں۔ یعنی

²²⁰ integral

$$\int_{x_0}^{x_0} f_m(x_0, \lambda) \partial x = 0 \tag{4.22}$$

آخر میں رہ گیا برقی رو کا تکمل۔ مساوات 4.15 کو استعمال کرتے ہوئے

$$\int_{0}^{\lambda_{0}} i(x_{0}, \lambda) \partial \lambda = \frac{1}{L(x_{0})} \int_{0}^{\lambda_{0}} \lambda \partial \lambda = \frac{1}{2} \frac{\lambda_{0}^{2}}{L(x_{0})}$$
(4.23)

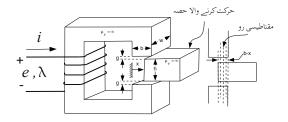
اس طرح ہمیں آخر کار مقناطیسی میدان میں توانائی کی مساوات حاصل ہو گئی۔

$$W_{m} = \frac{1}{2} \frac{\lambda_{0}^{2}}{L(x_{0})} \tag{4.24}$$

 $f_m(x,\lambda)$ اس مساوات کی مدد سے مساوات 4.13 کے ذریعہ قوت کی مدد سے اور مساوات 4.14 کے ذریعہ برقی رو $i(x,\lambda)$ کا حساب اب ممکن ہے۔

مثال 4.2:

شکل 4.6 میں حرکت کرنے والا ایک مقناطیسی نظام دکھایا گیا ہے۔ حرکت کرنے والے حصے اور ساکن حصے کے مابین خلائی درز g ہے۔ آگر i=30 ساور w=0.4m ، b=0.2m ، g=0.001m ، w=0.4m ، w=0.4m ، w=0.4m معلوم کریں۔



شكل 4.6:حركت اور توانائي

حل:

$$W_{m}=rac{1}{2}\,L\,i^{2}$$
 ہمیں معلوم ہے کہ $W_{m}=rac{1}{2}\,rac{\lambda^{2}}{L}$ ہمیں معلوم ہے کہ $A_{g}=w\,(b-x)$ اور $L=rac{N^{2}\mu_{0}A_{g}}{2\,g}$

$$W_{m} = \frac{1}{2} \frac{N^{2} \mu_{0} A_{g}}{2 g} i^{2}$$

$$= \frac{1}{2} \frac{(500^{2})(4 \pi 10^{-7})(0.4)(0.2 - x)}{2 \times 0.001} (30^{2})$$

$$= 28278(0.2 - x) \quad J$$

مثال 4.3: مثال 4.5 میں توانائی کے طریقہ سے قوت f_m معلوم کریں۔

حل:

مساوات 4.13 کہتا ہے کہ
$$\left. f_m = - \frac{\partial W_m(x,\lambda)}{\partial x} \right|_{\lambda_0}$$
 ہے۔اس کا مطلب ہے کہ توانائی کے متغیرہ x اور x ہونے چاہئے۔

مثال 4.2 میں ہم نے توانائی معلوم کی۔البتہ یہ معلوم کرنے کے لئے ہم i اور $\lambda = Li$ نستعمال کیا ۔ یوں توانائی کسر متغیرہ $\lambda = Li$ بن گئر - ہم $W_{m}(x,i)=28278(0.2-x)$ کو استعمال نہیں کر سکتر -ہمیں $W_m(x,\lambda)$ چاہئے۔ درست طریقہ یہ ہر

$$W_{m}(x,\lambda) = \frac{1}{2} \frac{\lambda^{2}}{L} = \frac{1}{2} \frac{\lambda^{2}}{\left(\frac{(N^{2} \mu_{0} A_{g})}{2 g}\right)} = \frac{1}{2} \frac{2 g \lambda^{2}}{N^{2} \mu_{0} w (b-x)}$$

اب اسے مساوات 4.13 میں استعمال کرتے ہوئے

$$f_{m} = -\frac{\partial W_{m}(x, \lambda)}{\partial x}$$

$$= -\left(\frac{1}{2}\right) \frac{2g\lambda^{2}}{N^{2}\mu_{0}w(b-x)^{2}}$$

$$= -\left(\frac{1}{2}\right) \frac{2g(Li)^{2}}{N^{2}\mu_{0}w(b-x)^{2}}$$

$$= -\frac{N^{2}\mu_{0}wi^{2}}{4g}$$

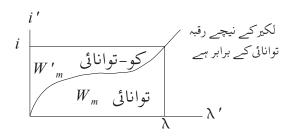
$$= -28278 \qquad N$$

منفی قوت کا مطلب ہے کہ یہ فاصلہ x کی اُلٹ جانب ہے یعنی حرکت کرنے والا حصہ اس جانب حرکت کرمے گا جس جانب یہ فاصلہ کم ہوتا ہو۔

4.3 توانائي اور كو-توانائي

شکل 4.7 میں λ اور i کے مابین گراف دکھایا گیا ہے۔ جیسا آپ دیکھ سکتے ہیں کہ لکیر کے نیچے رقبہ دراصل توانائی ہی ہے۔ اگر ہم اس گراف پر کوئی ایک نقطہ (λ,i) لیں اور اس نکتے سے ایک لکیر نیچے کی طرف اور دوسری لکیر بائیں جانب کھینچے تو ہمیی ایک مستطیل ملتا ہے جس کا رقبہ $\lambda \times i$ کے برابر ہو گا۔ اگر اس میں سے ہم توانائی کا رقبہ $\lambda \times i$ منفی کر لیس تو جو مقدار ملتی ہے اس کو کو-توانائی $\lambda \times i$ کہتے ہیں یعنی

$$W_{m}^{\prime} = \lambda i - W_{m} \tag{4.25}$$



شكل 4.7:كو-توانائي كى تعريف

آگر ہم اس مساوات کا تدریجی فرق ²²¹ لیں تو

$$\partial W_{m}^{'} = \partial (\lambda i) - \partial W_{m} \tag{4.26}$$

$$\partial W'_{m} = \lambda \partial i + i \partial \lambda - \partial W_{m} \tag{4.27}$$

²²¹ differentiation

یہاں مساوات 4.10 استعمال کرنے سے

$$\partial W'_{m} = \lambda \partial i + i \partial \lambda - (i \partial \lambda - f_{m} \partial x) \tag{4.28}$$

$$\partial W'_{m} = \lambda \partial i + f_{m} \partial x \tag{4.29}$$

مساوات 4.11، 4.12، 4.14 اور 4.14 کی طرح یہاں بھی کسی بھی تفاعل z(x,y) کا تدریجی فرق z(x,y)

$$\partial z(x,y) = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy \tag{4.30}$$

یوں ہم کو-انرجی W'_{m} کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\partial W'_{m}(x,i) = \frac{\partial W'_{m}}{\partial x} dx + \frac{\partial W'_{m}}{\partial i} di$$
 (4.31)

²²² differentiation

اس مساوات کو مساوات 4.29 کے سات دیکھیں تو

$$\lambda = \frac{\partial W'_{m}}{\partial i}\bigg|_{Y_{n}} \tag{4.32}$$

اور

$$f_{m} = \frac{\partial W'_{m}}{\partial x} \bigg|_{i_{0}} \tag{4.33}$$

قوت معلوم کرنے کی یہ دوسری مساوات ہے۔ اس مساوات میں کو-توانائی استعمال ہوتی ہے جبکہ مساوات 4.13 میں قوت کو توانائی کے ذریعہ معلوم کیا گیا ہے۔

بالکل توانائی کے طریقہ سے ان مساوات کے تکمل سے حاصل ہوتا ہے

$$W'_{m}(i_{0}, x_{0}) = \int_{0}^{i_{0}} \lambda(i, x_{0}) di$$
 (4.34)

جن نظام میں λ اور i تغیر راست ہوں اور جنہ یی مساوات 2.33 کے تعلق

سے پیش کیا جا سکے ان کے ائے اس مساوات کو مزید یوں حل کیا جا سکتا ہے۔

$$W'_{m}(i,x) = \int_{0}^{i} L(x)i'di' = \frac{L(x)i^{2}}{2}$$
 (4.35)

کچھ مسائل میں توانائی اور کچھ میں کو-توانائی کا استعمال زیادہ آسان ہوتا ہے۔

مثال 4.4:

4. شکل 4.8 میں ایک پیچدار لچھا دکھایا گیا ہے جس کی محوری لیجار اور چکر N ہے۔ایسے پیچدار لیجا کی مقاطیسی ہاؤ محوری سمت میں لچھے کے اندر ہی لید کے اندر ہی لید کے دار مقاطیسی ہاؤک مقال قابل نظر انداز ہوت ہیں۔ دول

رہتی ہے۔ لچھے کے باہر مقناطیسی ہاؤکی مقدار قابلِ نظر انداز ہوتی ہے۔ یوں لچھر کر اندر محوری لمبائی کی سمت میں میدانی شدت

$$H \approx \frac{NI}{l}$$

ہوتی ہے۔

ایسے پیچدار کچھے موصل دھاتوں کو امالی برقی توانائی کے ذریعہ گلانے کے لئے استعمال کئے جاتے ہیں۔میں اس طرح کی 100 کلوواٹ سے 1500 کلو

واٹ برقی طاقت کی 100 کلوگرام سے 3000 کلوگرام لوہا گلانے کی امالی برقی جھٹیاں 223 بناتا رہا ہوں جو 500 ہرٹز سے 1200 ہرٹز کے درمیاں کام کرتی ہیں۔اس طرح کے پیچدار کچھے میں غیر موصل پیالے میں موصل دھات کے ٹکڑے ڈالے جاتے ہیں اور اس کچھے میں بدلتی روگزاری جاتی ہے۔دھات میں بھنور نما امالی برقی رو اسے گرم کر کے پگلا دیتی ہے۔لوہے کو یوں 1650 ڈگری 225 ٹلسٹس۔ 225 تک گرم کیا جاتا ہے۔

- اس پیچدار کچھے پر معین برقی رو I_0 گزرنے کی صورت میں رداسی سمت میں میکانی دباؤ یعنی قوت فی مربع رقبہ معلوم کریں۔
- میری 3000 کلوگرام لوہا گلانے کی بھٹی کے پیچدار کچھے کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

N=11; $I_0=10000 A$; l=0.94m; r=0.49m

اس پر رداسی سمت میں میکانی دباؤ نیوٹن فی مربع میٹر میں حاصل کریں۔

حل الف:

ہم کو-توانائی کا طریقہ استعمال کرتے ہیں۔

²²³ high frequency steel remelting induction furnaces

²²⁴ ٹلسئس حرارت کی اکائی ہے جو پہلے سنٹی گریڈ کہلاتا تھا۔یہ اکائی سویڈن کے علم فلکیات کے عالم اینڈرس ٹلسئس کے نام ہے

²²⁵ Celsius, Centigrade

²²⁶ يہاں آپ مثال 2.6 بھی دیکھنا پسند کریں گے

$$L = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{l}$$

$$W'_m(r, i) = \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2 I_0^2}{2l}$$

$$F = \frac{\partial W'_m}{\partial r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{l}$$

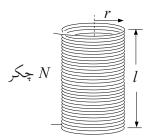
یہ مثبت قوت رداسی سمت میں باہر کی جانب ہے۔ پچھے کی گول سطح $A=2\pi r l$ ہے۔ یوں میکانی دباؤ

$$\frac{F}{A} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r I_0^2}{2 \pi r l^2} = \frac{\mu_0 N^2 I_0^2}{2 l^2}$$

ہے۔

حل با:

$$\frac{4\pi 10^{-7} \times 11^{2} \times 10000^{2}}{2 \times 0.94^{2}} = 8605 \ N/m^{2}$$



شكل 4.8: پيچدار لچها

مثال 4.5:

2000 کلوواٹ سے 3000 کلوواٹ کی لوہا گلانے کی بھٹیاں 3000 کلوگرام سے 70000 کلوگرام لوہا روزانہ گلاتی ہیں 227ء

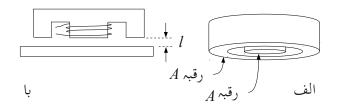
اتنا وزن ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرنے کی خاطر

عموما برقی مقناطیس استعمال ہوتا ہے۔شکل 4.9 الف میبی ایک ایسا ہی بر قی مقناطیس دکھایاگیا ہے جس کی تفصیل کچھ یوں ہے۔

227 یہ میں اپنے تجربہ کی بنیاد پر کہہ رہا ہوں۔

$A = 0.7 \, m^2$; N = 300; $I = 30 \, A$

آگر برقی مقناطیسی اور لوہے کے درمیان اوسط فاصلہ 2.5 سنٹی میٹر لیا جائے تو یہ برقی مقناطیسی کتنی کمیت لوہا اٹھا سکتی ہے۔



شكل 4.9:برقى مقناطيس

حل:

$$L = \frac{\mu_0 N^2 A}{2l}$$

$$W'_m(l,i) = \frac{Li^2}{2} = \frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l}$$

$$F = \frac{\partial W'_m}{\partial l} = -\frac{\mu_0 N^2 Ai^2}{4l^2}$$

$$= -\frac{4\pi 10^{-7} \times 300^2 \times 0.8 \times 30^2}{4 \times 0.0254^2}$$

$$= 31558 N$$

یوں یہ

$$\frac{31558}{9.8} = 3220$$
 kg

کمیت اٹھا سکتی ہے۔

$$W_{m}' = \frac{L(x)i^{2}}{2} = \frac{N^{2} \mu_{0} w(b-x)}{4 g} i^{2}$$

اور مساوات 4.33 سے

$$f_{m} = \frac{\partial W'_{m}}{\partial t} = -\frac{N^{2} \mu_{0} w}{4 g} i^{2} = -28278$$
 N

یہ وہی قوت سے۔ ہونا بھی ایسا ہی چاہئے۔

4.4 زياده لچهول كا مقناطيسي نظام

ابھی تک صرف ایک لچھے کے نظام کا مطالعہ کیا گیا ہے۔ اس حصہ میں ایک سے زیادہ لچھوں کے نظام کا مطالعہ کیا جائے گا۔ زیادہ لچھوں کے نظام کی طرح حل ہوتے ہیں۔

شکل 4.10 میں بائیں جانب ایک لچھے کا برقی رو i_1 اور دوسرے لچھے کا برقی رو i_2 ہے۔ لہذا

$$\partial W_{elect} = i_1 \partial \lambda_1 + i_2 \partial \lambda_2 \tag{4.36}$$

$$\partial W_{elect} = \partial W_{mech} + \partial W_{m} \tag{4.37}$$

$$i_1 \partial \lambda_1 + i_2 \partial \lambda_2 = f_m \partial x + \partial W_m \tag{4.38}$$

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = i_1 \partial \lambda_1 + i_2 \partial \lambda_2 - f_m \partial x \tag{4.39}$$

اب بالكل مساوات 4.11 كي طرح

$$\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x) = \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_1} d\lambda_1 + \frac{\partial W_m}{\partial \lambda_2} d\lambda_2 + \frac{\partial W_m}{\partial x} dx \tag{4.40}$$

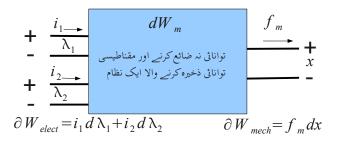
اس مساوات میں ہم نے بائیں طرف $W_m(\lambda_1,\lambda_2,x)$ کی جگہ W_m لکھا ہے۔ مساوات 4.39 اور 4.40 سے حاصل ہوتا ہے

$$i_1 = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_1} \bigg|_{\lambda_{2_0}, x_0}$$
(4.41)

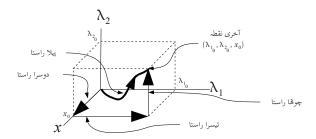
$$i_2 = \frac{\partial W_m(\lambda_1, \lambda_2, x)}{\partial \lambda_2} \bigg|_{\lambda_{1_a}, x_0}$$
(4.42)

$$f_{m} = -\left. \frac{\partial W_{m}(\lambda_{1}, \lambda_{2}, x)}{\partial x} \right|_{\lambda_{1}, \lambda_{2}} \tag{4.43}$$

یہ مساوات تب استعمال ہو سکتے ہیں جب ہمیں توانائی W_m معلوم ہو لہذا ہم پہلے اسی کو معلوم کرتے ہیں۔



شكل 4.10: دو لچهول كا نظام



شكل 4.11: دو لچهول كر نظام مين مقناطيسي ميدان مين توانائي

 λ_1 شکل 4.10 میں دونوں کچھوں کو اس طرح طاقت دی جاتی ہے کہ اور λ_2 آہستا آہستا صفر سے بڑھتے ہوئے λ_1 اور λ_2 تک پہنچ جاتے ہیں اور سات ہی سات x صفر سے تبدیل ہو کر x_0 ہو جاتا ہے۔ ایسا شکل x_0 میں پہلا راستہ کے طور پر ہوتے دکھایا گیا ہے۔ بالکل مساوات 4.18 کی طرح

$$\int_{\text{Lim}_{J}, \text{V}_{s_{1}}} \partial W_{m} = \int_{\text{Lim}_{J}, \text{Lim}_{J}} \partial W_{m} + \int_{\text{Lim}_{J}, \text{Lim}_{J}} \partial W_{m} + \int_{\text{Lim}_{J}, \text{Lim}_{J}} \partial W_{m}$$

$$(4.44)$$

ہم دائیں جانب کے تکمل کو باری باری حل کرتے ہیں۔

$$\int_{\text{leads}, \text{leads}} \partial W_m = \int_0^0 i_1 \partial \lambda_1 + \int_0^0 i_2 \partial \lambda_2 - \int_0^{x_0} f_m \partial X$$
 (4.45)

آگر تکمل کا شروع کا اور آخری نقطہ ایک ہی ہو تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے لہذا

$$\int_{0}^{0} i_{1} \partial \lambda_{1} = \int_{0}^{0} i_{2} \partial \lambda_{2} = 0 \tag{4.46}$$

دوسرے راستے λ_1 اور λ_2 دونوں صفر ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ دونوں پھوں میں برقی رو صفر ہے، لہذا مقناطیسی بہاؤ کی غیر موجودگی میں قوت $f_m = 0$

اور

$$\int_{0}^{x_{0}} f_{m} \partial x = \int_{0}^{x_{0}} 0 \partial x = 0$$
 (4.47)

لهذا

$$\int_{\text{limit}} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{1_0}} i_1 \partial \lambda_1 + \int_0^0 i_2 \partial \lambda_2 - \int_{x_0}^{x_0} f_m \partial x \qquad (4.49)$$

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کا شروع کا اور آخری نقطہ ایک ہی ہو تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے لہذا

$$\int_{0}^{0} i_{2} \partial \lambda_{2} = \int_{x_{0}}^{x_{0}} f_{m} \partial x = 0$$
 (4.50)

يعني

$$\int_{\text{limit}} \partial W_m = \int_0^{\lambda_{l_0}} i_1 \partial \lambda_1 \tag{4.51}$$

یہاں ہمیمی مساوات 2.37 ، 2.41 اور 2.43 کی ضرورت پڑتی ہے۔ یہ تیمن مساوات مندرجہ ذیل ہیں

$$\lambda_1 = l_{11}i_1 + L_{12}i_2 \tag{4.52}$$

$$\lambda_2 = L_{21}i_1 + L_{22}i_2 \tag{4.53}$$

$$L_{12} = L_{21} \tag{4.54}$$

ان مساواتوں کو ہم i_1 اور i_2 کے لئے حل کریں تو حاصل ہوتا ہے۔

$$i_1 = \frac{L_{22}\lambda_1 - L_{12}\lambda_2}{D} \tag{4.55}$$

$$i_2 = \frac{L_{11}\lambda_2 - L_{21}\lambda_1}{D} \tag{4.56}$$

جهاں

$$D = L_{11} L_{22} - L_{12} L_{21} (4.57)$$

اب ہم مساوات 4.51 میں 4.55 استعمال کرتے ہیں۔ چونکہ دوسرے راستے پہ λ_2

$$\int_{0}^{\lambda_{1_{0}}} \frac{(L_{22}\lambda_{1} - L_{12}\lambda_{2})\partial\lambda_{1}}{D} = \frac{L_{22}}{D} \int_{0}^{\lambda_{1_{0}}} \lambda_{1} \partial\lambda_{1} = \frac{L_{22}\lambda_{1_{0}}^{2}}{2D}$$
(4.58)

يعني

$$\int_{\text{timely lower}} \partial W_m = \frac{L_{22} \lambda_{l_0}^2}{2D}$$
 (4.59)

اسی طرح چوتھے راستے پر

$$\int_{\omega_{m}} \partial W_{m} = \int_{\lambda_{l_{0}}}^{\lambda_{l_{0}}} i_{1} \partial \lambda_{1} + \int_{0}^{\lambda_{2_{0}}} i_{2} \partial \lambda_{2} - \int_{x_{0}}^{x_{0}} f_{m} \partial x$$
 (4.60)

جیسا پہلے ذکر کیا گیا کہ اگر تکمل کا شروع کا اور آخری نقطہ ایک ہی ہو تو تکمل صفر کے برابر ہوتا ہے لہٰذا

$$\int_{\lambda_1}^{\lambda_{10}} i_1 \partial \lambda_1 = \int_{x_0}^{x_0} f_m \partial x = 0$$
 (4.61)

اور

$$\int_{0}^{\lambda_{2_{o}}} i_{2} \partial \lambda_{2} = \int_{0}^{\lambda_{2_{o}}} \frac{(L_{11}\lambda_{2} - L_{21}\lambda_{1_{o}})\partial \lambda_{2}}{D} = \frac{L_{11}\lambda_{2_{o}}^{2}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_{o}}\lambda_{2_{o}}}{D}$$
(4.62)

$$\int_{\text{[u,u]}} \partial W_{m} = \frac{L_{11} \lambda_{2_{0}}^{2}}{2D} - \frac{L_{21} \lambda_{1_{0}} \lambda_{2_{0}}}{D}$$
(4.63)

لہذا مساوات 4.44، 4.59 اور 4.63 کو جمع کر کے مساوات 4.44 کا حـل ملتا ہے۔ ہے۔

$$\int \partial W_{m} = W_{m}(x_{0}, \lambda_{1_{0}}, \lambda_{2_{0}}) = \frac{L_{22}\lambda_{1_{0}}^{2}}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_{0}}^{2}}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_{0}}\lambda_{2_{0}}}{D}$$
(4.64)

اسی طرح اگر ہم کو-توانائی سے حل کرتے تو

$$dW'_{m}(x,i_{1},i_{2}) = \lambda_{1} \partial i_{1} + \lambda_{2} \partial i_{2} + f \partial x$$

$$(4.65)$$

جہاں

$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(x, i_{1}, i_{2})}{\partial i_{1}} \bigg|_{x, i_{2}}$$
(4.66)

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(x, i_{1}, i_{2})}{\partial i_{2}} \bigg|_{x, i_{1}}$$
(4.67)

$$f_{m} = \frac{\partial W'_{m}(x, i_{1}, i_{2})}{\partial x} \bigg|_{i_{1}, i_{2}}$$
(4.68)

اسی طرح مساوات 4.64 کی جگہ کو-توانائی کے لئے حاصل ہوتا ہے

مثال 4.7: شکل
$$W_{mech} = T_m \partial \theta$$
 مثال 4.10 مثال 4.10 مثال 240

توانائی کے طریقہ سے حل کریں۔

حل:

$$\begin{split} & \partial \, \boldsymbol{W}_{elect} \! = \! \boldsymbol{i}_{1} \, \partial \, \boldsymbol{\lambda}_{1} \! + \! \boldsymbol{i}_{2} \, \partial \, \boldsymbol{\lambda}_{2} \\ & \partial \, \boldsymbol{W}_{elect} \! = \! \partial \, \boldsymbol{W}_{mech} \! + \! \partial \, \boldsymbol{W}_{m} \\ & \partial \, \boldsymbol{W}_{m} \! = \! \boldsymbol{i}_{1} \, \partial \, \boldsymbol{\lambda}_{1} \! + \! \boldsymbol{i}_{2} \, \partial \, \boldsymbol{\lambda}_{2} \! - \! \boldsymbol{T}_{m} \, \partial \, \boldsymbol{\theta} \end{split}$$

اور

$$i_{1} = \frac{\partial W_{m}(\lambda_{1}, \lambda_{2}, \theta)}{\partial \lambda_{1}}$$

$$i_{2} = \frac{\partial W_{m}(\lambda_{1}, \lambda_{2}, \theta)}{\partial \lambda_{2}}$$

$$T_{m} = -\frac{\partial W_{m}(\lambda_{1}, \lambda_{2}, \theta)}{\partial \theta}$$

$$(4.69)$$

ان مساوات کا آخری جز بالکل مساوات 4.39 کی طرح ہے۔ اس کو حل کرنے کا x ایک ایک قدم بالکل مساوات 4.39 کو حل کرنے کی طرح ہوگا بس فاصلہ x کے جگہ زاویہ x آئے گا۔یوں جواب میمی میانی توانائی کے متغیوات x ہوں گے یعنی۔ x ہوں گے یعنی۔

$$\int \partial W_m = W_m(\theta_0, \lambda_{1_0}, \lambda_{2_0}) = \frac{L_{22}\lambda_{1_0}^2}{2D} + \frac{L_{11}\lambda_{2_0}^2}{2D} - \frac{L_{21}\lambda_{1_0}\lambda_{2_0}}{D}$$
(4.70)

اسی طرح کو-توانائی کے لئے جواب یہ سے

$$\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta) = \lambda_{1} \partial i_{1} + \lambda_{2} \partial i_{2} + T_{m} \partial \theta \tag{4.71}$$

$$\lambda_{1} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{1}}$$

$$\lambda_{2} = \frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial i_{2}}$$

$$T_{m} = +\frac{\partial W'_{m}(i_{1}, i_{2}, \theta)}{\partial \theta}$$

$$(4.72)$$

جہاں

$$W_{m}'(i_{1},i_{2},\theta) = \frac{L_{11}i_{1}^{2}}{2} + \frac{L_{22}i_{2}^{2}}{2} + L_{12}i_{1}i_{2}$$
 (4.73)

ہے۔

شکل 4.12 میں دو لچھوں کا نظام دکھایا گیا ہے۔اس نظام کا ایک حصہ ساکن رہتا ہے اور دوسرا گھوم سکتا ہے۔افقی لکیر سر گھڑی کی اُلٹی جانب زاویہ θ ناپا جاتا ہے۔ لچھوں کی

سال 7.0.

خود اماله اور مشترکه اماله مندرجه ذیل ہیں۔

$$\begin{split} L_{11} &= 20 + 30\cos 2\theta \\ L_{22} &= (20 + 30\cos 2\theta) \times 10^{-3} \\ L_{12} &= 0.15\cos \theta \end{split}$$

برقی رو $i_1 = 0.02 \; A$; $i_2 = 5 \; A$ پر مروڑ معلوم کریں۔

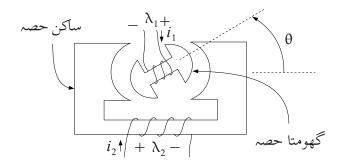
حل:مساوات 4.73 سے کو-توانائی حاصل ہوتی ہے اور مساوات 4.72 کے آخری جز سے مروڑ یعنی

$$T_{m} = +\frac{\partial W_{m}^{'}}{\partial \theta} = -30i_{1}^{2} \sin 2\theta - 30 \times 10^{-3}i_{2}^{2} \sin 2\theta - 0.15i_{1}i_{2} \sin \theta$$

$$= -0.012 \sin 2\theta - 0.75 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta$$

$$= -0.762 \sin 2\theta - 0.015 \sin \theta \qquad N - m$$

مروڑ منفی ہونے کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں اگر آپ زاویہ بڑھائیں گے تو یہ نظام اسے کم کرنے کی جانب مروڑ پیدا کرے گا اور اگر آپ زاویہ کم کرنے کی جانب مروڑ پیدا کرے گا۔سادہ زاویہ بڑھانے کی جانب مروڑ پیدا کرے گا۔سادہ زبان میں گھومتا حصہ اُفقی لکیر پر رہنے کی کوشش کرے گا۔



شکل 4.12:دو کچھوں کے نظام میں مروڑ

5 گھومتے مشین کے بنیادی اصول

اس باب میں مختلف گھومتے مشین کے بنیادی اصول پر غور کیا جائے گا۔ ظاہری طور پر مختلف مشین ایک ہی قسم کے اصولوں پر کام کرتے ہیں جنہیں اس باب میں اکٹھا کیا گیا ہے۔

5.1 قانون فيرادُم

فیراڈے 228کے قانون کے تحت جب بھی ایک لچھے کا اِرتَباطِ بہاؤ ، ا وقت کے ساتھ تبدیل ہو تو اس لچھے میں برقی دباؤ پیدا ہوتا ہے۔ یعنی

$$e = -\frac{\partial \lambda}{\partial t} = -N\frac{\partial \phi}{\partial t} \tag{5.1}$$

گھومتے مشین میں اِرتَباطِ بہاؤ کی تبدیلی مختلف طریقوں سے لائی جاتی ہے۔ یا تو لچھے کو ساکن مقناطیسی ہاؤ میں گھمایا جاتا ہے، یا پھر ساکن لچھے میں مقناطیس گھمایا جاتا ہے، وغیرہ وغیرہ۔

لچھے مقناطیسی مرکز²²⁹ پر لپیٹے جاتے ہیں۔ اس طرح کم سے کم

²²⁸ Faraday's law

²²⁹ magnetic core

مقناطیسی دباؤ $\tau = Ni$ سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی ہاؤ ϕ حاصل کیا جاتا ہے اور لچھوں کے مابین مشترکہ مقناطیسی ہاؤ بڑھایا جاتا ہے۔ دیگر یہ کہ مرکز کی شکل تبدیل کر کہ مقناطیسی ہاؤ کو ضرورت کی جگہ پہنچایا جاتا ہے۔

چونکہ ایسے مشین کے مرکز میں مقناطیسی بہاؤ وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے لہٰذا مرکز میں بھنور نما برقی رو 20 پیدا ہوتا ہے۔ ان بھنور نما برقی رو کو کم سے کم کرنے کی خاطر، مرکز کو باریک لوہے کی پتری 23 تہہ در تہہ رکھ کر بنایا جاتا ہے۔ یہ بالکل اسی طرح ہے جیسے ٹرانسفارمروں میں کیا جاتا ہے۔

5.2 معاصر مشین ²³²

شکل 5.1 میں برقی جزیٹر کا ایک بنیادی شکل دکھایا گیا ہے۔ اس کے مرکز میں ایک مقناطیس ہے جو کہ گھوم سکتا ہے۔ مقناطیس کا مقام اس کے میکانی زاویہ θ_m سے بتلائی جاتی ہے۔ اگر مقناطیس کے محور سے رداس کی جانب ایک لکیر کھینچی جائے، اور اس کو صفر زاویہ تصور کیا جائے، تو θ_m اس لکیر سے، گھڑی کی اُلٹی سمت، ناپی جائے گی۔ اگرچہ یہ صفر زاویہ طے کرنے والی لکیر کہیں بھی ہو سکتی ہے، اس کتاب میبی ہم یہ لکیر مقناطیس کے محور سے، دائیں ہاتھ یعنی اُفقی سطح، رداس کی سمت میبی کھینچے گے۔ اس شکل میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔

یماں کچھ باتیں وضاحت طلب ہیں۔ اگر مقناطیس ایک مقررہ رفتار سے

²³⁰ eddy currents

²³¹ laminations

²³² synchronous machines

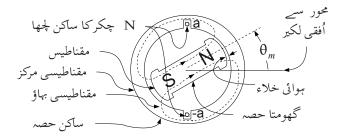
یوں گھوم رہا ہو کہ یہ ہر سیکنڈ میں n مکمل چکر لگائے تو ہم کہتے ہیں کہ مقناطیس کے گھومنے کی تعدد n ہرٹز ہے، یعنی f=nHz ۔اسی بات کو یوں بھی بیان کیا جاتا ہے کہ مقناطیس 60n چکر نی منٹ 2π کی رفتار سے گھوم رہا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ ایک چکر 360^0 زاویہ یا 2π ریڈیئن نی سیکنڈ بھی مشتمل ہوتا ہے۔ لہٰذا اسی گھومنے کی رفتار کو n ویان کر سکتے ہیں۔ آگر مقناطیس کے کہا جا سکتا ہے۔اس بات کو اب ہم یوں بیان کر سکتے ہیں۔ آگر مقناطیس کے گھومنے کی تعدد f ہرٹز ہو تو یہ m ریڈیئن فی سیکنڈ کی رفتار سے گھومتا m

$$\omega = 2\pi f \tag{5.2}$$

اس کتاب میں گھومنے کی رفتار عموماً ریڈیئن فی سیکنڈ میں ہی بیان کی جائے گی۔

²³³ rounds per minute (rpm)

²³⁴ radians



شکل 5.1:دو قطب والا ایک لچھے اور ایک دور والا معاصر جنریئر

شکل میں دکھائے گئے مشین میں مقناطیس کے دو قطب ہیں، اس لئے اس کو دو قطب والا مشین کہتے ہیں۔ اس مشین میں ایک لچھا استعمال ہوا ہے جس کی وجہ سے اس کو ایک لچھے کا مشین بھی کہتے ہیں۔ اس کے باہر مقناطیسی مرکز ہے۔ مرکز میں، اندر کی جانب دو شکاف ہیں، جن میں N چکر کا لچھا موجود ہے۔ لچھے کو a اور a سے واضح کیا گیا ہے۔ چونکہ یہ لچھا جنریٹر کے ساکن رہتا ہے اور اسی وجہ سے اسے ساکن رہتا ہے۔

مقناطیس کا مقناطیسی ہماؤ اس کے شمالی قطب N^{235} سے نکل کر خلائی درز میں سے ہوتا ہوا، باہر گول مرکز میں سے گزر کر اور ایک بار پھر خلائی درز

²³⁵ North pole

میں سے ہوتا ہوا مقناطیس کے جنوبی قطب S^{236} میں داخل ہوتا ہے۔ اس مقناطیسی ہاؤکو نقطہ دار لکیروں سے دکھایا گیا ہے۔ اگر غور کیا جائے تو یہ مقناطیسی ہاؤ، ساراکا سارا، ساکن لچھے میں سے بھی گزرتا ہے۔

شکل 5.1 میں مقناطیس سیدھے سلاخ کی مانند دکھایا گیا ہے۔ شکل 5.2 میں اس مقناطیس کو تقریباً گول دکھایا گیا ہے۔شکل 5.1 کی طرح یہاں بھی مقناطیس کے محور کا زاویہ θ_m سے ظاہر کیا گیا ہے۔مقناطیس اور باہر مرکز کے درمیان صفر زاویہ، یعنی $\theta=0$ ، پر خلائی درز کی لمبائی کم سے کم اور نورے زاویہ، یعنی $\theta=0$ ، پہ زیادہ سے زیادہ ہے۔ اس کی وضاحت بعد میں کی جائے گی البتہ یہاں اتنا جان لینا ضروری ہے کہ اس طرح خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی بہاؤ پیدا کرنا ممکن ہوتا ہے۔ مقناطیسی بہاؤ مقناطیس سے مرکز میں عمودی زاویہ پہ داخل ہوتا ہے۔ اگر مقناطیس اور مرکز کے درمیان خلائی درز میں عمودی زاویہ پہ داخل ہوتا ہے۔ اگر مقناطیس اور مرکز کے درمیان خلائی درز میں θ سائن نما ہو، یعنی

$$B = B_0 \cos(\theta_p) \tag{5.3}$$

 σ تو خلائی درز میں مقناطیسی بہاؤ σ کی مقدار σ کے ساتھ تبدیل ہوگی۔یہ کثافتِ مقناطیسی بہاؤ صفر زاویہ،یعنی σ σ ، پہ زیادہ سے زیادہ ہوگی اور نورے زاویہ، یعنی σ σ σ σ) پہ صفر ہوگی۔ σ کو مقناطیس کے شمالی قطب یعنی نکتہ دار اُفقی لکیر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپا جاتا ہے۔ شکل 5.2 میں مرکز کے باہر نوک دار لکیروں سے اس کثافتِ مقناطیسی بہاؤ کی مقدار اور

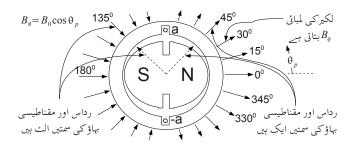
²³⁶ South pole

اس کی سمت دکھائی گئی ہے۔ آدھے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاؤ رداس کی سمت میں ہے اور آدھے میں یہ رداس کے اُلٹ سمت میں ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اگر ہم خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاؤ θ اور زاویہ θ کاگراف بنائیں تو یہ شکل کی طرح ہوگا۔ شکل 5.3 میں مقناطیس کسی اور زاویہ پہ دکھایا گیا ہے۔یہاں یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ کثافت مقناطیسی بہاؤ کی مقدار ہر حالت میں مقناطیس کے شمالی قطب پہ زیادہ سے زیادہ ہو گا اور یہاں اس کا رُخ رداس کی سمت میں ہو گا۔ شکل میں خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاؤ ھی رزویے θ اور θ اور θ دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل کے لئے ہم لکھ سکت ہیں

$$B = B_0 \cos(\theta_p)$$

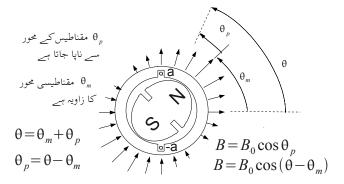
$$\theta_p = \theta - \theta_m$$

$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$
(5.4)

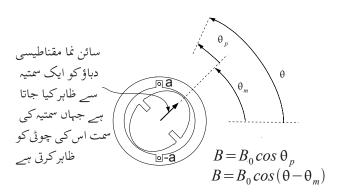


شکل 5.2 کثافت مقناطیسی بهاؤکی زاوید کے ساتھ تبدیلی

شکل 5.3 میں مقناطیس اور اس سے پیدا سائن نما مقناطیسی دباؤ دکھایا گیا ہے۔ ایسے مقناطیسی دباؤ کو ہم عموما ً ایک سمتیہ سے ظاہر کرتے ہیں جہاں سمتیہ کا طول مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کے برابر ہوتا ہے اور اس کی سمت مقناطیس کی شمال کو ظاہر کرتا ہے۔ شکل 5.4 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ یہ سمجھ لینا ضروری ہے کہ اس سمتیہ کی سمت سائن نما مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کو واضح کرتا ہے۔



شکل 5.3: جب مقناطیس کسی زاویه په مو تو کثافت مقناطیسی به به و تو کثافت مقناطیسی بهاؤیوں موگا



شكل 5.4:مقناطيسي دباؤكو سمتيه سر ظاہركيا جاتا ہے

شکل 5.3 میں مقناطیس کو کسی ایک کھہ t_1 زاویہ $\theta_m(t_1)$ پہ دکھایا گیا ہے۔ یہاں ساکن کچھے کا اِرتباطِ بہاؤ λ_0 ہے۔ اگر مقناطیس، گھڑی کے الٹی سمت، ایک مقررہ رفتار ω_0 سے گھوم رہا ہو تو ساکن کچھے میں اس کھہ روز ورق دباؤ پیدا ہوگا جہاں

$$e(t) = \frac{d\lambda_{\theta}}{dt} \tag{5.5}$$

جب مقناطیس آدھا چکر، یعنی π ریڈیئن 237 ، گھومے تو اس کے دونوں قطب آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گے۔ لچھے میں مقناطیسی بہاؤ کی سمت اُلٹی ہو جائے گی۔ ساکن لچھے میں اِرتَباطِ بہاؤ اب $-\lambda_0$ ہو جائے گا اور اس میں امالی برقی دباؤ -e(t) ہو جائے گا اور اس میں امالی برقی دباؤ -e(t) ہو جائیں گے۔ اور جب مقناطیس ایک مکمل چکر کاٹے تو مقناطیس ایک بار پھر اسی جگہ ہوگا جہاں یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ساکن لچھے کا اِرتَباطِ بہاؤ ایک بار پھر λ_0 ہی ہوگا اور اس میں امالی برقی دباؤ بھی ایک بار پھر $e(t)=d\lambda_0/dt$ ہی ہوں گے۔ یعنی مقناطیس آگر $\theta_m=2\pi$ کا زاویہ طے کرے تو امالی برقی دباؤ کے زاویہ میں $\theta_0=2\pi$ کی تبدیلی آتی ہے۔ لاذا دو قطب کی مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e برابر ہوتے ہیں، لاذا دو قطب کی مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e برابر ہوتے ہیں، یعنی

²³⁷ radians

$$\theta_e = \theta_m \tag{5.6}$$

اس مشین میں اگر مقناطیس n چکر فی سیکنڈ کی رفتار سے گھومے تو پلجھے میں امالی برقی دباؤ e(t) بھی ایک سیکنڈ میں n مکمل چکر کاٹے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ e(t) کی تعددe(t) کی مقدار e(t) ہے۔ یعنی اس صورت میں $f_e=n$ لئے لکھ سکتے ہیں $f_e=n$ لئے لکھ سکتے ہیں

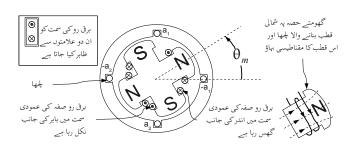
$$f_e = f_m \tag{5.7}$$

چونکہ اس مشین میں میکانی زاویہ θ_m اور برقی زاویہ θ_e وقت کے سات تبدیل ہوتے بھی آپس میں ایک نسبت رکھتے ہیں لہٰذا ایسے مشین کو معاصر مشین 240 کہتے ہیں۔ یہاں یہ نسبت ایک کی ہے۔

²³⁸ frequency

²³⁹ Hertz (Hz)

²⁴⁰ synchronous machines



شكل 5.5:چار قطب والا ايك دور معاصر جنريتر

شکل 5.5 میں چار قطب ولا ایک دور کا معاصر جنریٹر دکھایا گیا ہے۔ چھوٹے مشین میں عموماً مقناطیس ہی استعمال ہوتے ہیں۔ البتہ بڑے مشین میں برقی مقناطیس 241 استعمال ہوتے ہیں۔ شکل 5.5 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ دو سے زیادہ قطب والے مشین میں کسی ایک شمالی قطب کو حوالہ متی بنایا جاتا ہے۔ شکل میں اس قطب کو $_{m}$ پہ دکھایا گیا ہے اور یوں دوسرا شمالی قطب کے زاویہ پہ ہے۔

جیساکہ نام سے واضح ہے، اس مشین میں موجود مقناطیس کے چار

²⁴¹ electromagnets

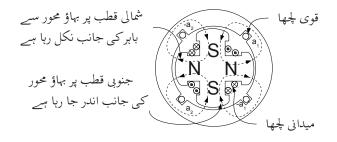
قطب ہیں۔ ہر ایک شمالی قطب کے بعد ایک جنوبی قطب آتا ہے۔ ایک دور کی آلوں میں مقناطیس کے جتنے قطب کے جوڑے ہوتے ہیں، اس میں اتنے ہی ساکن لچھے ہوتے ہیں، اس میں اتنے ہی ساکن لچھے ہوتے ہیں، کہ شکل 5.5 میں دیئے گئے مشین کے چار قطب یعنی دو جوڑے قطب ہیں، لہذا اس مشین کے ساکن حصہ پہ دو ساکن لچھے لپٹے گئے ہیں۔ ایک لچھے کو a_1 سے واضح کیا گیا ہے اور دوسرے کو a_2 سے۔ گئے ہیں۔ ایک لچھے کو مرکز میں موجود دو شگاف a_1 اور a_1 میں لپیٹا گیا ہے۔ اس طرح a_2 پیٹا گیا ہے۔ ان دونوں لچھوں کو سلسلہ وار a_1 دونوں لچھوں میں یکساں برقی دباؤ پیدا ہوتی ہے۔ ان دونوں لچھوں کو سلسلہ وار a_1 دوئا ہوتا ہے۔ اس طرح جنریٹر کے برقی دباؤ ایک لچھے میں پیدا برقی دباؤ کے حوڑا جاتا ہے۔ اس طرح جنریٹر کے برقی دباؤ ایک لچھے میں پیدا برقی دباؤ کے دولا ہوتا ہے۔ اس طرح جنریٹر کے برقی دباؤ ایک لچھے میں پیدا برقی دباؤ کے حصوں میں، تقسیم کر لیا جائے تو اس مشین کا ہر ایک ساکن لچھا ایسا ایک حصہ گھیرتا ہے۔ شکل میں چار قطب ہیں لہذا اس کا ایک لچھا نوے میکانی زاویہ کے احاطے کو گھیر رہا ہے۔

اب تک ہم نے گھومتے لچھے اور ساکن لچھے کی بات کی ہے۔یہ دو لچھے دراصل دو بالکل مختلف کارکردگی کے حامل ہوتے ہیں۔اس بات کی یہاں وضاحت کرتے ہیں۔

جیسا پہلے بھی ذکر ہوا چھوٹی گھومتی آلوں میں مقناطیسی میدان ایک مقناطیس ہی فراہم کرتی ہے جبکہ بڑے آلوں میں برقی مقناطیس یہ میدان فراہم کرتی ہے۔ اگرچہ اب تک کی شکلوں میں مقناطیس کو گھومتے حصہ کے طور پر دکھایا گیا ہے مگر حقیقت میں یہ کبھی مشین کا گھومتا حصہ اور کبھی یہ اس کا

²⁴² series connection

ساکن حصہ ہوتا ہے۔ میدان فراہم کرنے والا پلھا مشین کے کُل بر فی طاقت کے چند فی صد برابر برقی طاقت استعمال کرتا ہے۔ اس میدان فراہم کرنے والے پلھے کو میدانی پلھا ²⁴³ کہتے ہیں۔ اس کے برعکس مشین میں موجود دوسری نوعیت کے پلھے کو قوی پلھا ²⁴⁴ کہتے ہیں۔ برقی جزیٹر سے حاصل برقی طاقت اس قوی پلھے سے ہی حاصل کیا جاتا ہے۔ برقی موٹروں میں میدانی پلھے میں چند فی صد برقی طاقت کے خرچ کے علاوہ بقایا سارا برقی طاقت اسی قوی پلھے کو ہی فراہم کیا جاتا ہے۔



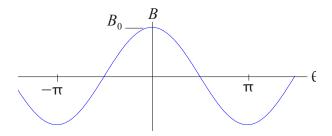
شكل 5.6: چار قطب اور دو لچھے والے مشین میں مقناطیسی بہاؤ

اب آگر ہم، گھومتے اور ساکن حصہ کے درمیان، خلائی درز میں B کو دیکھیں تو شمالی قطب سے مقناطیسی بہاؤ باہر کی جانب نکل کر مرکز میں داخل

²⁴³ field coil

²⁴⁴ armature coil

ہوتا ہے جبکہ جنوبی قطب میں مقناطیسی بہاؤ مرکز سے نکل کر جنوبی قطب میمی اندر کی جانب داخل ہوتا ہے۔ یہ شکل 5.6 میں دکھایا گیا ہے۔ یوں اگر ہم اس خلائی درز میں ایک گول چکر کاٹیں تو مقناطیسی بہاؤ کی سمت دو مرتبہ باہر کی جانب اور دو مرتبہ اندر کی جانب ہو گی۔ مزید یہ کہ آلوں میمی کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں B سائن نما ہو۔ یہ کیسے کیا جاتا ہے، اس کو ہم آگے پڑھے گے۔ لہٰذا آگر یہ تصور کر لیا جائے کہ B سائن نما ہی ہے تب خلائی درز میں B کی مقدار، شکل B کی مقدار، شکل B کی مقدار، شکل B کی مقدار، شکل B



شكل 5.7:سائن نماكثافت مقناطيسي بهاؤ

یوں ہم ایک ایسی معاصر مشین جس میں P قطب مقناطیس پایا جاتا ہو کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\theta_e = \frac{P}{2} \theta_m \tag{5.8}$$

$$f_e = \frac{P}{2} f_m \tag{5.9}$$

اس صورت میں میکانی اور برقی تعدد ایک بار پمر آپس میں ایک نسبت رکتے ہیں۔

پاکستان میں گھروں اور کارخانوں میں HZ کی برقی طاقت فراہم کی جاتی ہے یعنی $f_e = 50$ ۔

مثال 5.1:

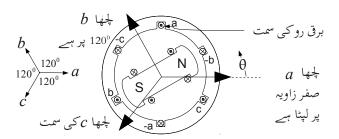
- آگریہ برقی طاقت دو قطب کے جنریٹر سے حاصل کی جائے تو یہ جنریٹر
 کس رفتار سے گھمایا جائے گا۔
- آگر جنریٹر کے بیس قطب ہوں تب یہ جنریٹر کس رفتار سے گھمایا جائے ۔ گا۔

حل:

- مساوات 5.9 سے ہم دیکھتے ہیں کہ آگر یہ بر قی طاقت دو قطب، P=2 ، والے جنریٹر سے حاصل کی جائے تو اس جنریٹر کو $f_m=50$ چکر فی سیکناڈ یعنی $f_m=50$
- آگریہی برقی طاقت بیس قطب، P=20 ، والے جنریٹر سے حاصل کی جائے تو پھر اس جنریٹر کو $f_m=5$ چکر فی سیکنڈ یعنی 300 چکر فی منٹ کی رفتار سے گھمانا ہوگا۔

اب یہ فیصلہ کس طرح کیا جائے کہ جنریٹر کے قطب کتنے رکھے جائیں۔ درحقیقت پانی سے چلنے والے جنریٹر سست رفتار جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جنریٹر تیز رفتار ہوتے ہیں، للذا پانی سے چلنے والے جنریٹر زیادہ قطب رکھتے ہیں جبکہ ٹربائن سے چلنے والے جنریٹر آپ کو دو قطب کے ہی ملیں گے۔

²⁴⁵ rpm (rounds per minute)



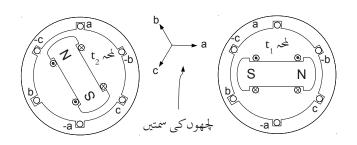
شكل 5.8: دو قطب والا تين دوركا معاصر مشين

شکل 5.8 میں دو قطب والا تین دور کا معاصر مشین دکھایاگیا ہے۔اس a میں تین ساکن لجھے ہیں۔ان میں ایک لجھا a ہے جو مرکز میں شگاف a اور a میں رکھا گیا ہے۔ اگر اس شکل میں باقی دو لجھے نہ ہوتے تو یہ بالکل شکل a میں دیا گیا مشین ہی تھا۔البتہ دیئے گئے شکل میں ایک کی بجائے تین ساکن لجھے ہیں۔

اگر لچھا a میں برقی رویوں ہوکہ شگاف a میں برقی رو، کتاب کے صفحہ سے عمودی رُخ میں باہر کی جانب ہو اور a میں برقی روکا رخ اس کے بالکل الٹ سمت میں ہو تو ہم لچھے کی سمت کا تعین دائیں ہاتھ کے ذریعہ یوں کرتے ہیں۔

• اگر ہم دائیں ہاتھ کی چار انگلیوں کو دونوں شگافوں میں برقی رو کی جانب لپٹیں تو اسی ہاتھ کا انگوٹھا لچھے کی سمت متعین کرتا ہے۔

شکل 5.8 میں پچھا a کی سمت تیر والی لکیر سے دکھائی گئی ہے۔ اس سمت کو ہم صفر زاویہ تصور کرتے ہیں۔ لہٰذا شکل میں پچھا a صفر زاویہ پر لپٹا گیا ہے، یعنی $\theta_a=0^0$ ۔ باقی پچھوں کے زاویہ ، پچھا a کی سمت سے، گھڑی کی اُلٹی رُخ، ناپے جاتے ہیں۔



شكل 5.9:دو قطب والا تين دور مشين

شکل a میں دکھائے گئے لحم t_1 پر آگر لچھے a کا اِرتَباطِ t_2 میں دکھائے گئے لحم a اور اگر پچھے a کا زرتباط ہو تو جب مقناطیس a کا زرتباط ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ لحم a کا اِرتَباط ہو گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ لحم a کا اِرتَباط ہو گا۔ ہم میں بالکل اسی طرح سے ہیں جیسے a پر لکل اتنا مقناطیس اور لچھا a تقے۔ لہذا لحم a کا قما۔ یعنی a کا قما۔ یعنی a کا قما۔ یعنی

$$\lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1) \tag{5.10}$$

اسی طرح آگر مقناطیس مزید 120^0 زاویہ طے کرمے تو اس لمحہ $\lambda_a(t_1)$ کے برابر $\lambda_a(t_1)$ کے برابر $\lambda_c(t_3)$ کے برابر ہوگا۔ یعنی

$$\lambda_c(t_3) = \lambda_b(t_2) = \lambda_a(t_1) \tag{5.11}$$

ان لمحات پر ان لچهوں میں

$$e_a(t_1) = \frac{d\lambda_a(t_1)}{dt}$$
 (5.12)

$$e_b(t_2) = \frac{d\lambda_b(t_2)}{dt}$$
 (5.13)

$$e_c(t_3) = \frac{d\lambda_c(t_3)}{dt}$$
 (5.14)

ہوں گے۔مساوات 5.11 کی روشنی میں

$$e_a(t_1) = e_b(t_2) = e_c(t_3)$$
 (5.15)

اگر شکل 5.9 میں صرف کچھا a پایا جاتا تو یہ بالکل شکل 5.1 کی طرح ہوتا اور اب اگر اس میں مقناطیس کو گھڑی کی اُلٹی سمت ایک مقررہ رفتار ω_0 سے گھمایا جاتا تو، جیسے پہلے تذکرہ کیا گیا ہے، کچھے a میں سائن نما برقی دباؤ پیدا ہوتی۔شکل 5.9 میں کسی ایک کچھے کو کسی دوسرے کچھے پر کوئی برتری حاصل نہیں۔ لہٰذا اب شکل 5.9 میں اگر مقناطیس اسی طرح گھمایا جائے تو اس میں موجود تینوں ساکن کچھوں میں سائن نما برقی دباؤ پیدا ہو گی البتہ مساوات 5.15 کے تحت یہ برقی دباؤ آپس میں 120^0 کے زاویہ پر ہوں گے۔

5.3 محرک برقی دباؤ

قانونِ لورینز کے تحت اگر چارج q مقناطیسی میدان میں سمتی رفتار

V سے حرکت کر رہا ہو تو اس پر قوت V اثر کرے گی

$$\boldsymbol{F} = q(\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \tag{5.16}$$

جہاں B میدان کی کثافتِ مقناطیسی بہاؤ ہے۔

یہاں سمتی رفتار سے مراد چارج کی سمتی رفتار ہے لہذا مقناطیسی میدان کو ساکن تصور کر کے اس میں برقی چارج کی سمتی رفتار u ہو گی۔

اس قوت کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جاتی ہے۔آگر یہ چارج شروع کے نقطہ سے آخری نقطہ تک سمتی فاصلہ l طے کرمے تو اس پر W کام ہوگا جہاں

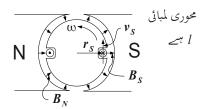
$$W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{l} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l} \tag{5.17}$$

اکائی مثبت چارج کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ منتقل کرنے کے لئے درکار کام کو ان دو نقطوں کے مابین برقی دباؤ 246 کہتے ہیں اور اس کی اکائی وولٹ 247 ہے۔ یوں اس مساوات سے ان دو نقطوں کے مابین حاصل برقی دباؤ e یہ ہو گی

²⁴⁶ potential difference or voltage

²⁴⁷ volt

$$e = \frac{W}{q} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l} \tag{5.18}$$



شکل 5.10:ایک چکرکا لچها مقناطیسی میدان میں گھوم رہا

اس طرح حرکت کی مدد سے حاصل برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کہتے ہیں۔ روایتی طور پر کسی بھی طریقہ سے حاصل برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کہلاتی کہتے ہیں۔ یوں کیمیائی برقی سیل وغیرہ کی برقی دباؤ بھی محرک برقی دباؤ کہلاتی ہے۔

اس مساوات کو شکل 5.10 میں استعمال کرتے ہیں۔ گھومتے حصہ پر ایک چکر کا لچھا نسب ہے۔بائیں جانب خلاء میں لچھے کی برقی تار پر غور

²⁴⁸ electromotive force (emf)

کریں۔مساوات 5.16 کے تحت اس تار میں موجود مثبت چارج پر صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب قوت اثرانداز ہوگی اور اس میں موجود منفی چارج پر اس کی اُلٹ سمت قوت عمل کررے گی۔اسی طرح مساوات 5.18 کے تحت صفحہ سے باہر جانب برقی تار کا سِرا برقی دباؤ e کا منفی سِرا ہوگا۔ صفحہ کی اندر جانب برقی تار کا سِرا برقی دباؤ e کا منفی سِرا ہوگا۔

اگر گھومتے حصہ کی محور پر نلکی محدد قائم کی جائے تو جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں $m{B}$ رداس کی سمت میں ہے جبکہ شمالی مقناطیسی قطب کے سامنے خلاء میں $m{B}$ رداس کی اُلٹ سمت میں ہے۔یوں جنوبی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تار $m{l}_S$ کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$\mathbf{v}_{S} = v \, \hat{\mathbf{a}}_{\theta} = wr \, \hat{\mathbf{a}}_{\theta}$$

$$\mathbf{B}_{S} = B \, \hat{\mathbf{a}}_{r}$$

$$\mathbf{l}_{S} = l \, \hat{\mathbf{a}}_{z}$$
(5.19)

لہٰذا اس جانب لچھے کی ایک تار میں پیدا محرک برقی دباؤ

$$e_{s} = (\mathbf{v}_{s} \times \mathbf{B}_{s}) \cdot \mathbf{l}_{s}$$

$$= \omega r B l (\hat{\mathbf{a}}_{e} \times \hat{\mathbf{a}}_{r}) \cdot \hat{\mathbf{a}}_{z}$$

$$= \omega r B l (-\hat{\mathbf{a}}_{z}) \cdot \hat{\mathbf{a}}_{z}$$

$$= -\omega r B l$$
(5.20)

ہو گی۔

جنوبی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت \hat{a}_z لی گئی ہے۔ اس مساوات میں برقی دباؤ کے منفی ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سِرا \hat{a}_z کی سمت میں ہے یعنی اس کا نچلا سِرا مثبت اور اوپر والا سِرا منفی ہے۔ یوں اگر اس برقی تار میں برقی روگزر سکے تو اس کی سمت \hat{a}_z یعنی صفحہ کی عمودی سمت میں اندر کی جانب ہوگی جسے شگاف میں دائرہ کے اندر صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اسی طرح شمالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں موجود بر قی تار کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$\mathbf{v}_{N} = v \, \hat{\mathbf{a}}_{\theta} = wr \, \hat{\mathbf{a}}_{\theta}$$

$$\mathbf{B}_{N} = -B \, \hat{\mathbf{a}}_{r}$$

$$\mathbf{l}_{N} = l \, \hat{\mathbf{a}}_{z}$$
(5.21)

اور يوں

$$e_{N} = (\mathbf{v}_{N} \times \mathbf{B}_{N}) \cdot \mathbf{l}_{N}$$

$$= -\omega r B l (\hat{\mathbf{a}}_{\theta} \times \hat{\mathbf{a}}_{r}) \cdot \hat{\mathbf{a}}_{z}$$

$$= -\omega r B l (-\hat{\mathbf{a}}_{z}) \cdot \hat{\mathbf{a}}_{z}$$

$$= \omega r B l$$
(5.22)

شمالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی تارکی لمبائی کی سمت شمالی مقناطیسی قطب کے سامنے شگاف میں برقی دباؤ کے مثبت ہونے کا مطلب ہے کہ برقی تارکا مثبت سِرا \hat{a}_z کی سمت میں ہے یعنی اس کا اوپر والا سِرا مثبت اور نچلا سِرا منفی ہے۔یوں اگر اس برقی تار میں برقی روگزر سکے تو اس کی سمت \hat{a}_z یعنی صفحہ کی عمودی سمت میں باہر کی جانب ہوگی جسے شگاف میں دائرہ کے اندر نقطہ کے نشان سے دکھایا گیا ہے۔

یہ دو برق تار مل کر ایک چکرکا لجھا بناتے ہیں۔ ان دونوں کے نچلے سرے سلسلہ وار جڑے ہیں جو شکل میں نہیں دکھایا گیا۔یوں اس لجھے کے اوپر نظر آنے والے سروں پر کُل برق دباؤ و ان دو بر فی تاروں میمی پیدا برقی دباؤ کا مجموعہ ہوگا یعنی

$$e = 2r l B \omega$$

$$= A B \omega$$
(5.23)

یہاں کچھے کا رقبہ A=2rl ہے۔آگر ایک چکر سے اتنی برقی دباؤ حاصل ہوتی ہے تو N چکر کے کچھے سے

$$e = \omega N A B$$

$$= 2\pi f N A B$$

$$= 2\pi f N \Phi$$

$$(5.24)$$

حاصل ہوگا۔

گھومتی آلوں میں خلائی درز میں B اور v ہر کھہ عمودی ہوتے ہیں۔ مساوات 5.18 سے ظاہر ہے کہ اگر گھومنے کی رفتار اور محوری لمبائی معین ہوں تو پیدا کردہ برقی دباؤ ہر لمحہ B کے براہِ راست متناسب ہوگا۔ لہذا اگر خلائی درز میں زاویہ کے ساتھ B تبدیل ہو تو گھومتے لچھے میں پیدا برقی دباؤ بھی زاویہ کے ساتھ تبدیل ہوگا۔ یوں جس شکل کی برقی دباؤ حاصل کرنی ہو اُسی شکل کی کثافتِ مقناطیسی دباؤ خلائی درز میں پیدا کرنی ہوگی۔ آگر سائن نما برقی دباؤ پیدا کرنی مقصد ہو تو خلائی درز میں محیط پر سائن نما کثافتِ مقناطیسی بہاؤ ضروری ہے۔

اگلے حصے میں خلائی درز میں ضرورت کے تحت B پیدا کرنے کی ترکیب بتلائی جائے گی۔

5.4 کھیلے کچھے اور سائن نما مقناطیسی دباؤ

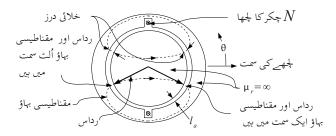
ہم نے اب تک جتنے مشین دیکھے ان سب میں لچھے ایک گچھ کی شکل میں تھے۔ مزید یہ کہ ان آلوں میں گھومتے حصے پہ موجود مقناطیس کے اُکھرے قطب 249 تھے۔ درحقیقت آلوں کے عموما ہموار قطب 250 ہموتے ہیں اور ان میں پھیلر لچھے 251 پائر جاتر ہیں۔ ایسا کرنر سر ہم ساکن اور گھومتر حصوں

²⁴⁹ salient poles

²⁵⁰ non-salient poles

²⁵¹ distributed winding

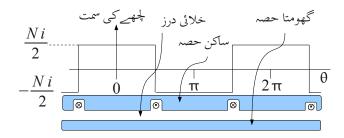
کے درمیان خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباؤ اور سائن نما کثافتِ مقناطیسی بہاؤ پیدا کر سکتے ہیں۔



شکل 5.11:ساکن لِیھا گچھ کی شکل میں ہے

شکل 5.11 میں ایک پلھا گچھ کی شکل کا دکھایا گیا ہے۔ اس کے گھومنے والا حصہ گول شکل کا ہے اور اس کا $\infty = \mu_r = 0$ ہے۔ ساکن حصے کا بھی $\infty = \mu_r = 0$ ہے۔ پہھے کا مقناطیسی دباؤ $\infty = 0$ ہے۔ یہ مقناطیسی دباؤ ، مقناطیسی ہاؤ ∞ کو جنم دیتا ہے جس کو نقطہ دار لکیروں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ مقناطیسی ہاؤ کو پلھے کے گرد ایک چکر کاٹتے خلائی درز میں سے دو مرتبہ گزرنا پڑتا ہے۔ لہٰذا

$$\tau = N i = 2 H l_a \tag{5.25}$$



شکل 5.12:گچھ لچھے کی خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ τ_a

یوں ساکن کچھے کا آدھا مقناطیسی دباؤ ایک خلائی درز اور آدھا دوسرے خلائی درز میں مقناطیسی بہاؤ پیدا کرتا ہے۔ مزید یہ کہ خلائی درز میں کہیں پہ مقناطیسی دباؤ (اور مقناطیسی بہاؤ)، رداس 25 کی سمت میں ہیں اور کہیں پہ خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ (اور مقناطیسی بہاؤ)، رداس کی اُلٹی سمت میں ہیں۔ آگر ہم رداس کی سمت کو مثبت لیمی تو مقناطیسی بہاؤ (اور مقناطیسی دباؤ) رداس کی سمت کے درمیان رداس ہی کی سمت میں ہیں لہذا یہاں یہ مثبت ہیں

²⁵² radius

جبکہ باقی جگہ مقناطیسی دباؤ (اور مقناطیسی بہاؤ) رداس کی اُلٹ سمت میں ہیں لہٰذا یہاں یہ منفی ہیں۔ ایسا ہی شکل 5.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں خلائی درز میس مقناطیسی دباؤ کو زاویہ کے ساتھ گراف کیا گیا ہے۔ $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$ کے درمیان خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ τ پھے کے مقناطیسی دباؤ τ کا آدھا ہے اور اس کی سمت مثبت ہے جبکہ مقناطیسی دباؤ کے درمیان خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ پھے کے مقناطیسی دباؤ کی مقناطیسی دباؤ کی سمت منفی ہے۔ یاد رہے کہ مقناطیسی دباؤ کی سمت کا تعین رداس کی سمت سے کیا جاتا ہے۔

5.4.1 بدلتي رو والرے مشين

بدلتی رو کے مشین بناتے وقت یہ کوشش کی جاتی ہے کہ خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما ہو۔ایسا کرنے کی خاطر لچھوں کو ایک سے زیادہ شگافوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔ اس سے سائن نما مقناطیسی دباؤ کیسے حاصل ہوتی ہے، اس بات کی یہاں وضاحت کی جائے گی۔

فوریئر تسلسل $f\left(\theta_{p}\right)^{-255}$ کے تحت ہم کسی بھی تفاعل $f\left(\theta_{p}\right)^{-255}$ کو یوں لکھ سکتے ہیں

²⁵³ AC machines

²⁵⁴ Fourier series

²⁵⁵ function

$$f(\theta_p) = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \cos n\theta_p + b_n \sin n\theta_p)$$
 (5.26)

جہاں

$$a_{0} = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} f(\theta_{p}) d\theta_{p}$$

$$a_{n} = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} f(\theta_{p}) \cos \theta_{p} d\theta$$

$$b_{n} = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} f(\theta_{p}) \sin \theta_{p} d\theta_{p}$$
(5.27)

جہاں T موج کا دوری عرصہ سے۔

مثال 5.2:

شكل 5.12 ميں ديئے گئے مقناطيسي دباؤكا

- فوريئر تسلسل حاصل كريس
- تیسری موسیقائی جز اور بنیادی جز کی نسبت معلوم کریں

حل:

• مساوات 5.27 کی مدد سر

$$\begin{split} a_0 &= \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{-\pi/2} \left(-\frac{NI}{2} \right) d\theta_p + \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \left(\frac{NI}{2} \right) d\theta_p + \frac{1}{2\pi} \int_{+\pi/2}^{+\pi} \left(-\frac{NI}{2} \right) d\theta_p \\ &= \frac{1}{2\pi} \left(-\frac{NI}{2} \right) \left(-\frac{\pi}{2} + \pi \right) + \frac{1}{2\pi} \left(\frac{NI}{2} \right) \left(\frac{\pi}{2} - \left(-\frac{\pi}{2} \right) \right) + \frac{1}{2\pi} \left(-\frac{NI}{2} \right) \left(\pi - \frac{\pi}{2} \right) \\ &= 0 \end{split}$$

اسی طرح

$$\begin{split} a_n &= \frac{1}{\pi} \left(\frac{NI}{2} \right) \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\cos n \, \theta_p \, d \, \theta_p + \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \cos n \, \theta_p \, d \, \theta_p + \int_{+\pi/2}^{+\pi} -\cos n \, \theta_p \, d \, \theta_p \right] \\ &= \left(\frac{NI}{2\pi} \right) \left[-\frac{\sin n \, \theta_p}{n} \right]_{-\pi}^{-\pi/2} + \frac{\sin n \, \theta_p}{n} \left|_{-\pi/2}^{+\pi/2} - \frac{\sin n \, \theta_p}{n} \right|_{+\pi/2}^{+\pi} \right] \\ &= \left(\frac{NI}{2n\pi} \right) \left[\sin(n\pi/2) + 2\sin(n\pi/2) + \sin(n\pi/2) \right] \\ &= \left(\frac{4}{n\pi} \right) \left(\frac{NI}{2} \right) \sin(n\pi/2) \end{split}$$

اس مساوات میں n کی قیمت ایک، دو، تین کے لئے ملتا ہے

$$a_1 = \left(\frac{4}{\pi}\right) \left(\frac{NI}{2}\right) \qquad a_3 = -\left(\frac{4}{3\pi}\right) \left(\frac{NI}{2}\right) \qquad a_5 = \left(\frac{4}{5\pi}\right) \left(\frac{NI}{2}\right)$$

$$a_2 = a_4 = a_6 = 0$$

$$\begin{split} b_{n} &= \frac{1}{\pi} \left(\frac{NI}{2} \right) \left[\int_{-\pi}^{-\pi/2} -\sin n \, \theta_{p} \, d \, \theta_{p} + \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \sin n \, \theta_{p} \, d \, \theta_{p} + \int_{+\pi/2}^{+\pi} -\sin n \, \theta_{p} \, d \, \theta_{p} \right] \\ &= \left(\frac{NI}{2\pi} \right) \left[\frac{\cos n \theta_{p}}{n} \bigg|_{-\pi}^{-\pi/2} - \frac{\cos n \, \theta_{p}}{n} \bigg|_{-\pi/2}^{+\pi/2} + \frac{\cos n \, \theta_{p}}{n} \bigg|_{+\pi/2}^{+\pi} \right] \\ &= 0 \end{split}$$

$$\left| \frac{a_3}{a_1} \right| = \frac{\left(\frac{4}{3\pi} \right) \left(\frac{NI}{2} \right)}{\left(\frac{4}{\pi} \right) \left(\frac{NI}{2} \right)} = \frac{1}{3} \quad \bullet$$

لهذا تیسری موسیقائی جز بنیادی جز کے 33.33 فی صد ہے

 au_a ہم خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ au_a کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$\tau_{a} = \frac{4}{\pi} \frac{N i}{2} \cos \theta_{p} + a_{2} \cos 2\theta_{p} + a_{3} \cos 3\theta_{p} + \dots$$
 (5.28)

اس تسلسل کے پہلے رکن τ_{al} میں ہم دلجسیی رکھتے ہیں۔

$$\tau_{a_1} = \frac{4}{\pi} \frac{N i}{2} \cos \theta_p = \tau_0 \cos \theta_p \tag{5.29}$$

جہاں

$$\tau_0 = \frac{4}{\pi} \frac{N i}{2} \tag{5.30}$$

اس مساوات سے ہم دیکھتے ہیں کہ شکل 5.11 میں کچھے سے حاصل مقناطیسی دباؤ بالکل اسی طرح ہے جیسے شکل 5.2 میں سلاخ نما مقناطیس صفر زاویہ پر رکھے حالت میں دیتا۔ آگر یہاں یہ کچھا کسی ایسے زاویہ پر رکھا گیا ہوتا کہ اس سے حاصل مقناطیسی دباؤ زاویہ θ_m پر زیادہ سے زیادہ ہوتا تو یہ بالکل شکل 5.3 میں موجود مقناطیس کی طرح کا ہوتا۔ شکل 5.17 ایک ایسی ہی مثال ہے۔ ہم بالکل مساوات 5.4 کی طرح اس شکل میں کچھا مے کے لئے لکھ سکتے ہیں

$$\tau_{a} = \tau_{0} \cos(\theta_{p_{a}})
\theta_{p_{a}} = \theta - \theta_{m_{a}} = \theta - 0^{0}
\tau_{a} = \tau_{0} \cos(\theta - \theta_{m_{a}}) = \tau_{0} \cos(\theta)$$
(5.31)

 $\theta_{\it m_c} = -120^0$ اور $\theta_{\it m_b} = 120^0$ اور c کے چونکہ $\theta_{\it m_b} = 120^0$ اور کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$\tau_{b} = \tau_{0} \cos(\theta_{p_{b}})
\theta_{p_{b}} = \theta - \theta_{m_{b}} = \theta - 120^{0}
\tau_{b} = \tau_{0} \cos(\theta - \theta_{m_{b}}) = \tau_{0} \cos(\theta - 120^{0})$$
(5.32)

$$\tau_{c} = \tau_{0} \cos(\theta_{p_{c}})$$

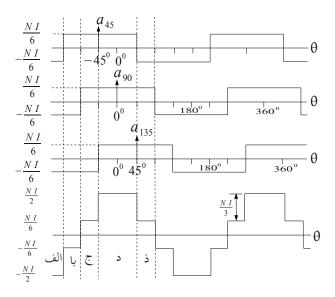
$$\theta_{p_{c}} = \theta - \theta_{m_{c}} = \theta + 120^{0}$$

$$\tau_{c} = \tau_{0} \cos(\theta - \theta_{m_{c}}) = \tau_{0} \cos(\theta + 120^{0})$$
(5.33)

اگرچہ ظاہری طور پر خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما ہرگز نہیں لگتا لیکن مساوات 5.28 ہمیں بتلاتی ہے کہ یہ محض آنکھوں کا دھوکہ ہے۔ اس مقناطیسی دباؤ کا بیشتر حصہ سائن نما ہی ہے۔ اب آگر ہم کسی طرح مساوات 5.28 میں پہلے رکن کے علاوہ باقی سب رکن کو صفر کر سکیں تو ہم بالکل

سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل کر سکتے ہیں۔

²⁵⁶ series connected



شكل 5.13: پيل لچه كي كُل مقناطيسي دباؤ

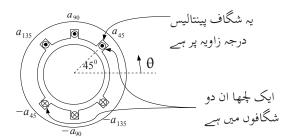
شگافوں کے ایک جوڑے کو ایک ہی طرح کے نام دیئے گئے ہیں، البتہ ایک شگاف کو مثبت اور دوسرے کو منفی نام دیا گیا ہے۔یوں شگافوں کا پہلے جوڑا a_{45} اور a_{45} ہے۔ شگافوں کے مثبت نام ان کے زاویوں کی نسبت سے رکھے گئے ہیں۔لہذا شگاف a_{45} درحقیقت a_{50} زاویہ پر ہے، شگاف a_{135} ایک سو پینتیس درجہ زاویہ پر ہے۔

چونکہ ہر کچھا $\frac{N}{3}$ چکر کا ہے اور ان سب میں برقی رو i یکساں ہے، لہٰذا شکل میں دیئے گئے پمیلے کچھے سے حاصل مقناطیسی دباؤ کا زاویہ

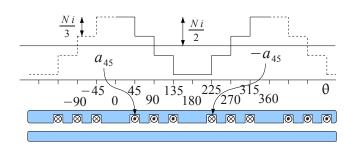
کے ساتھ گراف شکل 5.13 کے نچلے گراف کی طرح ہوگا۔ اس شکل میں سب سے اُوپر پچھا a_{45} کے مقناطیسی دباؤ کا گراف ہے۔ یہ بالکل 5.12 میں دیئے گراف کی طرح ہے البتہ یہ صفر زاویہ سے -45^0 ہٹ کر ہے۔ اُوپر سے دوسرا گراف پچھا a_{90} کا ہے جو ہو ہو شکل 5.12 کی طرح ہے جبکہ اس سے نیچے پچھا a_{135} کا گراف ہے جو صفر زاویہ سے $+45^0$ ہٹ کر ہے۔ ان تینوں گرافوں میں طول (NI) ہے۔

ان تینوں گرافوں سے کُل مقناطیسی دباؤ کا گراف یوں حاصل ہوتا ہے۔ اس شکل میں عمودی نقطہ دار لکیریں لگائی گئی ہیں۔ بائیں جانب پہلی لکیر کی بائیں طرف علاقے کو الف کہا گیا ہے۔ اس علاقے میں پہلے تینوں گرافوں کی مقدار (NI)/6 ہے لہٰذا ان کا مجموعہ (NI)/6 ہو گا۔ یہی سب سے پہلے کُل مقناطیسی دباؤ کی گراف میں دکھایا گیا ہے۔ اسی طرح علاقہ با میں پہلے گراف کی مقدار (NI)/6) ، دوسری گراف کی مقدار (NI)/6) ، دوسری گراف کی مقدار (NI)/6) بنتا ہے جو کُل تیسری کی بھی (NI)/6 ہے۔ ان کا مجموعہ (NI)/60 بنتا ہے جو کُل مقناطیسی دباؤ ہے۔ علاقہ ہے میص عہر (NI)/61 ہی کُل مقناطیسی دباؤ ہے۔ علاقہ ہے۔ اسی طرح آپ پورا گراف بنا ہے جو سب سے نچلے گراف میں دکھایا گیا ہے۔ اسی طرح آپ پورا گراف بنا سکتر ہیں۔

شکل 5.13 کے نچلے گراف کو شکل 5.15 میں دوبارہ دکھایا گیا ہے۔



شکل 5.14:کِمیلے کچھے



شكل 5.15: پميلے لچھے كا مقناطيسى دباؤ

شکل 5.15کا اگر شکل 5.12کے ساتھ تقابل کیا جائے تو محض دیکھنے سے بھی یہ ظاہر ہے کہ شکل 5.15 زیادہ سائن نما موج کے نوعیت کا ہے۔ ہمیں فوریئر تسلسل حل کرنے سے بھی یہی نتیجہ ملتا ہے۔ہم دیکھ سکتے ہیں کہ شگافوں کی جگہ اور ان میں لچھوں کے چکر کو یوں رکھا جا سکتا ہے کہ ان سے پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ سائن نما کے زیادہ سے زیادہ قریب ہو۔

چونکہ پھیلے کچھے کے مختلف حصے ایک ہی زاویہ پہ مقناطیسی دباؤ k_w بناتے للذا ان سے حاصل کُل مقناطیسی دباؤ کا حیطہ ایک گچھ کچھے کے حیطہ سے قدرِ کم ہوتا ہے۔ اس اثر کو مساوات 5.30 میں جُز k_w کے ذریعہ یوں ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N i}{2} \tag{5.34}$$

$$\tau_{a_1} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N i}{2} \cos \theta = \tau_0 \cos \theta \tag{5.35}$$

اس مساوات میں k_w کو جُز و ضربی پھیلاؤ 257 کہتے ہیں۔ یہ آکائی سے قدرِ کم ہوتا ہے یعنی

²⁵⁷ winding factor

 $0 < k_w < 1$ (5.36)

مثال k_w شکل k_w میں دیئے گئے پھیلے کچھے کے لئے معلوم کریں۔

حل: شکل 5.16 سے رجوع کریں۔ یہ تین چھوٹے کچھے برابر مقناطیسی دباؤ $\tau_a = \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2}$ پیدا کرتے ہیں، البتہ ان کی سمتیں مختلف ہیں۔ یہاں چونکہ ایک کچھا $\frac{N}{3}$ چکر کا ہے لہٰذا $\frac{N}{3}$ ہے۔ ہم ان سمتیوں کو جمع کر کے ان کا مجموعی مقناطیسی دباؤ τ معلوم کرتے ہیں۔ کل دباؤ τ_a نکلتا ہے۔ یعنی

$$\tau = 2.4142 \left[\frac{4}{\pi} \frac{ni}{2} \right] = \frac{2.4142}{3} \left[\frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \right] = 0.8047 \left[\frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2} \right]$$

$$k_{w} = 0.8047$$

ہے۔

ایک تین دور 50 ہرٹز پر چلنے والا ستارا نما جڑے جنریٹر کو 3000 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلایا جا رہا ہے۔اس کی

مثال 5.4:

مزید معلومات یہ ہیں۔

$$k_q = 0.833$$
 $k_m = 0.9$ $r = 0.7495 m$ $l = 2.828 m$ $l_k = 0.04 m$ $N_m = 30$ $\Rightarrow N_q = 15$

آگر اس کے میدانی لچھے میں 1000 ایمپیئر برقی رو سے تو معلوم کریں

- میدانی مقناطیسی دباؤ کی زیاده سر زیاده مقدار
 - خلائی درز میں کثافت مقناطیسی بہاؤ
 - ایک قطب پر مقناطیسی بهاؤ
 - محرک تار پر برقی دباؤ

حل:

$$\tau_{0} = \frac{4}{\pi} \frac{k_{m} N_{m} I_{m}}{P} = \frac{4}{\pi} \frac{0.9 \times 30 \times 1000}{2} = 17186.5 \quad A \cdot turns/m$$

$$B_{0} = \mu_{0} H_{0} = \mu_{0} \frac{\tau_{0}}{l_{k}} = \frac{4 \times \pi \times 10^{-7} \times 17186.5}{0.04} = 0.54 \quad T$$

$$\Phi_{0} = 2 B_{0} l r = 2 \times 0.54 \times 2.828 \times 0.7495 = 2.28915 \quad Wb$$

$$E_{rms} = 4.44 f k_{q} N_{q} \Phi_{0}$$

$$= 4.44 \times 50 \times 0.833 \times 15 \times 2.28915$$

$$= 6349.85 \quad V$$

لهٰذا ستارا جڑی جنریٹر کی تارکی برقی دباؤ

$\sqrt{3} \times 6349.85 \approx 11000 \ V$

ہوگی۔

جیسا پہلے ذکر ہوا ہم چاہتے ہیں کہ سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل کر سکیں۔ چھوٹے لچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہ یوں چنے جاتے ہیں کہ یہ بنیادی مقصد پورا ہو۔ شکل 5.15 میں ہم دیکھتے ہیں کہ صفر زاویہ کی دونوں جانب مقناطیسی دباؤ کی موج یکساں طور پر گھٹتی یا بڑھتی ہے۔ یعنی جمع اور منفی پینتالیس زاویہ پر مقناطیسی دباؤ $\frac{Ni}{3}$ گھٹ جاتی ہے۔ اسی طرح جمع اور منفی نورے زاویہ پر یہ یکساں طور پر مزید گھٹتی ہے، وغیرہ وغیرہ وغیرہ۔ یہ ایک بنیادی اصول ہے جس کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

چھوٹے لچھوں کے چکر اور شگافوں کی جگہوں کا فیصلہ فوریئر تسلسل کی مدد سے کیا جاتا ہے۔فوریئر تسلسل میں موسیقائی جُز کم سے کم اور اس میں بنیادی جُز زیادہ سے زیادہ رکھے جاتے ہیں۔

ساکن لچھوں کی طرح حرکت کرتے لچھوں کو بھی ایک سے زیادہ چھوٹے لچھوں میں تقسیم کیا جاتا ہے تاکہ سائن نما مقناطیسی دباؤ حاصل ہو۔

$$\tau_{a_{135}} \qquad \tau_{a_{135}} \qquad \tau_{a_{45}} \qquad \tau_{a_{90}} \qquad \tau_{a_{135}} \qquad \tau_{a} = \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2}$$

$$\tau_{a_{90}} \qquad \tau_{a_{90}} \qquad \tau_{a_{90}} \qquad \tau_{a_{135}} \qquad \tau_{a} = \frac{4}{\pi} \frac{ni}{2}$$

$$\tau = \tau_{a} \cos 45 + \tau_{a} + \tau_{a} \cos 45$$

$$\tau = 2.4142 \tau_{a}$$

$$\tau = 2.4142 \left(\frac{4}{\pi} \frac{N}{3} \frac{i}{2}\right) = \frac{2.4142}{3} \left(\frac{4}{\pi} \frac{Ni}{2}\right)$$

$$k_{w} = \frac{2.4142}{3} = 0.8047$$

 k_w شكل 5.16:تين چهوڻر لچهوں كى

5.5 مقناطيسي دباؤكي گهومتي موجير

گھومتے آلوں میں لچھوں کو برقی دباؤ دیا جاتا ہے جس سے اس کا گھومنے والا حصہ حرکت میں آتا ہے۔ یہاں ہم اس بات کا مطالعہ کرتے ہیں کہ یہ گھومنے کی حرکت کیسے پیدا ہوتی ہے۔

5.5.1 ايک دورکي لپڻي 258 مشين

مساوات 5.35 میں ایک لچھے کی مقناطیسی دباؤ یوں دی گئی ہے

²⁵⁸ single phase winding

$$\tau_{a_1} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N i}{2} \cos \theta \tag{5.37}$$

آگر اس لچھے میں مقناطیسی ہاؤ بھی سائن نما ہو یعنی

$$i_a = I_a \cos \omega t \tag{5.38}$$

تو

$$\tau_{a_1} = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N I_a}{2} \cos\theta \cos\omega t = \tau_0 \cos\theta \cos\omega t$$
 (5.39)

جهاں

$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N I_a}{2} \tag{5.40}$$

مساوات 5.39 کہتا ہے کہ یہ مقناطیسی دباؤ زاویہ θ اور لمحہ t کے ساتھ تبدیل ہوتا ہے۔ اس مساوات کو ہم مندرجہ ذیل قلیہ سے دو ٹکڑوں میں توڑ سکتے ہیں۔

$$\cos\alpha\cos\beta = \frac{\cos(\alpha+\beta) + \cos(\alpha-\beta)}{2}$$
 (5.41)

لهذا

$$\tau_{a_1} = \tau_0 \left[\frac{\cos(\theta + \omega t) + \cos(\theta - \omega t)}{2} \right] = \tau^- + \tau^+$$
 (5.42)

جهاں

$$\tau^{-} = \frac{\tau_{0}}{2} \cos(\theta + \omega t)$$

$$\tau^{+} = \frac{\tau_{0}}{2} \cos(\theta - \omega t)$$
(5.43)

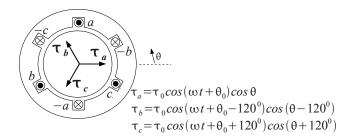
اس مساوات سے یہ بات سامنے آتی ہے کہ درحقیقت یہ مقناطیسی دباؤ دو اُلٹ

سمتوں میں گھومنے والے مقناطیسی دباؤکی موجیں ہیں۔ اسکا پہلا جُز ¬τ θ گھٹنےکی جانبگھومتا ہے یعنی گھڑیکی سمت میں اور اسکا دوسرا جُز +τ گھڑیکی آلٹی سمتگھومتا ہے۔

ایک دور کی لپٹی آلوں میں یہ کوشش کی جاتی ہے کہ ان دو گھومتے مقناطیسی دباؤ میں سے ایک کو بالکل ختم یا کم سے کم کیا جائے۔ اس طرح کرنے سے ایک ہے سمت میں کُل مقناطیسی دباؤ گھومتا ملتا ہے جو بالکل اسی طرح کا ہوتا ہے جیسے ایک مقناطیس گھمایا جا رہا ہو۔ تین دور کے آلوں میں یہ کرنا نہایت آسان ہوتا ہے لہٰذا انہیں پہلے سمجھ لینا زیادہ بہتر ہوگا۔

5.5.2 تين **د**ور كى لپٹى ²⁵⁹ مشين

شکل 5.17 میں تین دور کی لپٹی مشین دکھائی گئی ہے۔



شكل 5.17:تين دوركي لپڻي مشين

²⁵⁹ three phase winding

مساوات 5.31، 5.32 اور 5.33 میں ایسے تینی لچھوں کی فوریئر تسلسل کی بنیادی جُز دیئے گئے ہیں جو کے یہ ہیں۔

$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} i_{a}}{2} cos(\theta)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} i_{b}}{2} cos(\theta - 120^{0})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} i_{c}}{2} cos(\theta + 120^{0})$$
(5.44)

آگر ان تین لچهوں میں تین دوری برقی رو ہو یعنی

$$i_a = I_0 \cos(\omega t + \theta_0)$$

 $i_b = I_0 \cos(\omega t + \theta_0 - 120^0)$
 $i_c = I_0 \cos(\omega t + \theta_0 + 120^0)$ (5.45)

تو بالكل مساوات 5.39 كى طرح ہم مساوات 5.45 كى مدد سے مساوات 5.44 كى كو يوں لكھ سكتے ہيں۔

$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{a} I_{0}}{2} cos(\theta) cos(\omega t + \theta_{0})$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{b} I_{0}}{2} cos(\theta - 120^{0}) cos(\omega t + \theta_{0} - 120^{0})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{c} I_{0}}{2} cos(\theta + 120^{0}) cos(\omega t + \theta_{0} + 120^{0})$$
(5.46)

آگر

$$N_a = N_b = N_c = N (5.47)$$

تو

$$\begin{split} &\tau_{a} = \frac{\tau_{0}}{2} \left(\cos \left(\theta + \omega t + \theta_{0} \right) + \cos \left(\theta - \omega t - \theta_{0} \right) \right) \\ &\tau_{b} = \frac{\tau_{0}}{2} \left(\cos \left(\theta + \omega t + \theta_{0} - 240^{0} \right) + \cos \left(\theta - \omega t - \theta_{0} \right) \right) \\ &\tau_{c} = \frac{\tau_{0}}{2} \left(\cos \left(\theta + \omega t + \theta_{0} + 240^{0} \right) + \cos \left(\theta - \omega t - \theta_{0} \right) \right) \end{split} \tag{5.48}$$

جهاں

$$\tau_0 = k_w \frac{4}{\pi} \frac{N I_0}{2} \tag{5.49}$$

کل مقناطیسی دباؤ τ ان سب کا مجموعہ ہوگا۔ انہیں جمع کرنے سے پہلے ہم ثابت کرتے ہیں کہ

$$cos(\gamma) + cos(\gamma - 240^{\circ}) + cos(\gamma + 240^{\circ}) = 0$$
 (5.50)

ہمیں معلوم ہے کہ

$$cos(\alpha+\beta)=cos(\alpha)cos(\beta)-sin(\alpha)sin(\beta)
cos(\alpha-\beta)=cos(\alpha)cos(\beta)+sin(\alpha)sin(\beta)$$
(5.51)

اگر ہم $\alpha = \gamma$ اور $\beta = 240^{\circ}$ لیں تو

$$cos(\gamma - 240^{0}) = cos(\gamma)cos(240^{0}) + sin(\gamma)sin(240^{0}) cos(\gamma + 240^{0}) = cos(\gamma)cos(240^{0}) - sin(\gamma)sin(240^{0})$$
(5.52)

$$\sin(240^0) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 اور $\cos(240^0) = -\frac{1}{2}$ للذا مساوات $\cos(240^0) = -\frac{1}{2}$ برابر ہے

$$cos(\gamma - 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}cos(\gamma) - \frac{\sqrt{3}}{2}sin(\gamma)$$

$$cos(\gamma + 240^{\circ}) = -\frac{1}{2}cos(\gamma) + \frac{\sqrt{3}}{2}sin(\gamma)$$
(5.53)

اب اس مساوات کو آگر ہم $\cos(\gamma)$ کے ساتھ جمع کریں تو جواب صفر ملتا ہے، یعنی

$$cos(\theta + \omega t) + cos(\theta + \omega t - 240^{\circ}) + cos(\theta + \omega t + 240^{\circ}) = 0$$
 (5.54)

اب ہم مساوات 5.48 میں آگر τ_a ، τ_b ، τ_a اور τ_c کو جمع کریں اور ان میں مساوات 5.54 کا استعمال کریں تو ملتا ہے

$$\tau^{+}(\theta, t) = \tau_{a} + \tau_{b} + \tau_{c} = \frac{3\tau_{0}}{2}cos(\theta - \omega t - \theta_{0})$$
 (5.55)

مساوات 5.55 كہتا ہے كەڭل مقناطيسى دباؤكا حيطہ كسى ايك لچھے

کے مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کے $\frac{2}{5}$ گنا ہے۔ مزید یہ کہ یہ مقناطیسی دباؤ کی موج گھڑی کی اُلٹی سمت گھوم رہی ہے۔ لہذا تینی لچھوں کو 120^0 زاویہ پر رکھنے اور انہیں تین دور کی برقی رو، جو آپس میں 120^0 لمحاتی زاویوں پر ہوں، سے ہیجان کرنے سے ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج وجود میں آتی ہے۔ یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ اگر کوئی دو برقی رو آپس میں تبدیل میں جائیں تو مقناطیسی موج کے گھومنے کی سمت تبدیل ہو جاتی ہے۔ یہ مثال میں واضح کیا گیا ہے۔

اب ہم دیکھتے ہیں کہ مساوات 5.55 ایک گھومتے موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہمیں اس موج کی چوٹی کو دیکھنا ہوگا۔ ہم اپنی آسانی کے لئے ہمیں اس موج کی چوٹی کو دیکھنا ہوگا۔ ہم اپنی آسانی کے لئے θ_0 کو صفر لیتے ہیں۔ اس مثال میں ہم ہر تی رو کی تعدد 0 = 50 لیتے ہیں۔ اس موج کی چوٹی درحقیقت 0 = 0 کی چوٹی ہی ہے لہذا لیتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے کہ 0 = 0 کی زیادہ ہم اسی کی چوٹی کو مدنظر رکھتے ہیں۔ ہمیں معلوم ہے کہ 0 = 0 کی زیادہ سے زیادہ مقدار ایک کے برابر ہے یعنی اس کی چوٹی ایک کے برابر ہے اور یہ وہاں ہوتی ہے جہاں 0 = 0 صفر کے برابر ہوگا۔ اسی طرح 0 = 0 کی چوٹی اسی جگہ ہوگی جہاں 0 = 0 صفر کے برابر ہو یعنی 0 = 0 صفر کے برابر ہو یعنی 0 = 0

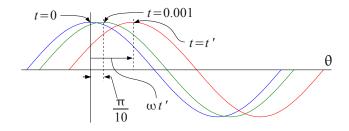
اب ابتـــدائی لمحــہ یعنے t=0 پــر $\cos(\theta-\omega t)$ کــی چــوٹی $\theta-\omega t=0$ پر ہوگی۔ اس کو حل کرتے ہیں۔ $(\theta-\omega t)=0$

$$\theta - \omega t = 0$$

$$\theta - 2\pi f t = 0$$

$$\theta - 2 \times \pi \times f \times 0 = 0$$

$$\theta = 0$$
(5.56)



شكل 5.18:حركت كرتي موج

ہم دیکھتے ہیں کہ موج کی چوٹی صفر برقی زاویہ پر ہے۔یہ شکل 5.18 میں دکھایا گیا ہے۔ہہ اس چوٹی کو کچھ وقفے کے بعد دوبارہ دیکتے ہیں مثلاً t=0.001 سیکنڈ کے بعد۔ مساوات 5.56 کو حل کرتے ہیں۔

$$\theta - \omega t = 0
\theta - 2\pi f t = 0
\theta - 2 \times \pi \times 50 \times 0.001 = 0
\theta = 0.3142 rad
\theta = 0.3142 \left(\frac{180}{\pi} \right) = 18^0$$
(5.57)

اب یہ چوٹی 0.3142 برتی ریڈیئن یعنی 18^0 کسے برتی زاویہ پر ہسے۔ یہ بھی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ یہ بات واضح ہے کہ مقناطیسی دباؤ کی موج گھڑی کی اُلٹی سمت یعنی زاویہ بڑھنے کی سمت میں گھوم گئی ہے۔ اسی طرح 36^0 پر یہ چوٹی 36^0 درجہ برقی زاویہ پر نظر آئے گی۔ اس چوٹی کا زاویہ کسی بھی لمحہ t=t

$$\theta - \omega t' = 0
\theta = \omega t' radians$$
(5.58)

اس مساوات سے یہ واضح ہے کہ چوٹی کا مقام متعین کرنے والا زاویہ بتدریج بڑھتا رہتا ہے۔ اس مساوات سے ہم ایک مکمل 2π برقی زاویہ کے چکر کا وقت T حاصل کر سکتے ہیں یعنی

$$\theta - \omega t = 0$$

$$T = \frac{\theta}{\omega} = \frac{2\pi}{2\pi} \frac{1}{f} = \frac{1}{f}$$
(5.59)

0.02 ہو تو یہ مقناطیسی دباؤکی موج ہر $f = 50\,Hz$ ہیں ناگر برقی روکی تعدد $f = 50\,Hz$ ہیں ناگ مکمل برقی چکرکاٹتی ہے یعنی یہ ایک سیکنڈ میں 50 برقی چکرکاٹتی ہے۔

اس مثال میں برقی زاویہ کی بات ہوتی رہی۔ دو قطب کی آلوں میں برقی زاویہ θ_e برابر ہوتے ہیں۔ لہٰذا آگر دو قطب کی آلوں کی بات کی جائے تو مساوات 5.59 کے تحت ایک سیکنڈ میں مقناطیسی دباؤ کی موج f برقی یا میکانی چکر کاٹے گی جہاں f برقی رو کی تعدد ہے اور آگر P قطب رکھنے والی آلوں کی بات کی جائے تو چونکہ

$$\theta_e = \frac{P}{2} \theta_m \tag{5.60}$$

لہٰذا ایسے آلوں میں یہ مقناطیسی دباؤ کی موج ایک سیکنٹ میں f مقناطیسی چکر یعنی $\frac{2}{P}f$ میکانی شکر کاٹے گی۔

اگر ہم برقی روکی تعدد کو f_e سے ظاہر کریں، مقناطیسی دباؤ کی موج کی چوٹی کے برقی زاویہ کو θ_e اور اس کے میکانی زاویہ کو θ_m سے

ظاہر کریں اور اسی طرح اسی مقناطیسی دباؤ کی موج کے گھومنے کی رفتار کو ω_{e} یا ω_{m} سے ظاہر کریں تو

$$\omega_{m} = \frac{2}{P} \omega_{e} \quad rad/sec$$

$$f_{m} = \frac{2}{P} f_{e} \quad Hz$$

$$n = \frac{120 f_{e}}{P} \quad r/min$$
(5.61)

س موج کی معاصر رفتار برقی زاویہ فی سیکنڈ میں ہے جبکہ m یہی معاصر رفتار میکانی زاویہ فی سیکنڈ میں ہے۔اسی طرح f اس موج کی برقی معاصر رفتار برقی ہرٹز میں اور f اس کی میکانی معاصر رفتار میکانی ہرٹز میں ہے۔برقی معاصر رفتار برقی ہرٹز میں یہ موج ہے۔برقی معاصر رفتار f ہرٹز ہونے کا مطلب یہ ہے کہ ایک سیکنڈ میں یہ موج f برقی چکر کا فاصلہ طے کرے گی جہاں ایک برقی چکر دو قطب کا فاصلہ یعنی f ریڈیئن کا زاویہ ہے۔اسی طرح میکانی معاصر رفتار f ہرٹز ہونے کا مطلب ہے کہ یہ موج ایک سیکنڈ میں f میکانی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ایک میکانی چکر کا فاصلہ طے کرے گی۔ایک میکانی چکر عام زندگی میں ایک چکر کو ہی کہتے ہیں۔ اس مساوات میں f میکانی چکر فی منٹ f کی مساوات معاصر رفتار f

²⁶⁰ rounds per minute (rpm)

²⁶¹ synchronous speed

یہاں اس بات کا ذکر کرنا ضروری ہے کہ ہم q دور کی لپٹی مشین جس کے پلھے $\frac{2\pi}{q}$ برقی زاویہ پر رکھے گئے ہوں اور جن میں q دور کی بر تی رو ہو، ایک ہی سمت میں گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج کو جنم دیتی ہے جیسے ہم نے تین دور کی مشین کے لئے دیکھا۔ مزید یہ کہ اس موج کا حیطہ کسی ایک پلھے سے پیدا مقناطیسی دباؤ کے حیطہ کے $\frac{q}{2}$ گنا ہوگا اور اس کے گھومنے کی رفتار $w_e=2\pi$ برقی ریڈیئن فی سیکنڈ ہوگی۔

5.5.3 تین دورکی لپٹی مشین پرگراف کیے ذریعہ غور

شکل 5.17 میں تین دور کی لپٹی مشین دکھائی گئی ہے۔ اس میں مثبت برقی رو کی سمتیں بھی دکھائی گئی ہیں، مثلاً a شگاف میں برتی رو صفحہ سے عمودی سمت میں باہر جانب کو ہے اور یہ بات نقطہ سے واضح کی گئی ہے۔ اسی طرح a شگاف میں برقی دباؤ صفحہ سے عمودی سمت میں اندر کی جانب کو ہے اور یہ بات صلیب کے نشان سے واضح کی گئی ہے۔ اگر برقی رو مثبت ہو تو اس کی یہی سمت ہو گی اور اس سے پیدا مقناطیسی دباؤ a صفر زاویہ کی جانب ہوگا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ پلھے میں برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جا سکتی ہے۔ اب مقناطیسی دباؤ کی سمت دائیں ہاتھ کے قانون سے معلوم کی جا سکتی ہے۔ اب آگر اسی پلھے میں برقی رو منفی ہو تو اس کا مطلب ہے کہ برقی رو اُلٹ سمت میں اندر کی گئے ہے۔ یہ اور a شگاف میں یہ صفحہ کے عمودی سمت میں باہر کی جانب ہے اور a شگاف میں یہ صفحہ کے عمودی سمت میں باہر کی جانب کو ہے۔ لہٰذا اس برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ بھی پہلے سے اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے a کے بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے a کے بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے a کے بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے a کے بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ کی یعنی یہ شکل میں دیئے گئے a کے بالکل اُلٹ سمت میں ہو گی۔ اس تذکرہ

کا بنیادی مقصد یہ تھاکہ آپ پر یہ بات واضح ہو جائے کہ برقی رو کے منفی ہونے سے اس سے پیدا مقناطیسی دباؤ کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔

اس شکل میں لچھوں میں برقی رو اور مقناطیسی دباؤ کے یہ ہیں

$$I_{a} = I_{0} cos(\omega t)$$

$$I_{b} = I_{0} cos(\omega t - 120^{0})$$

$$I_{c} = I_{0} cos(\omega t + 120^{0})$$
(5.62)

$$\tau_{a} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N I_{a}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N I_{0}}{2} cos(\omega t) = \tau_{0} cos(\omega t)$$

$$\tau_{b} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N I_{b}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N I_{0}}{2} cos(\omega t - 120^{0}) = \tau_{0} cos(\omega t - 120^{0})$$

$$\tau_{c} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N I_{c}}{2} = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N I_{0}}{2} cos(\omega t + 120^{0}) = \tau_{0} cos(\omega t + 120^{0})$$
(5.63)

جبکہ ان کے مثبت سمتیں شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اب ہم مختلف اوقات پر ان مقداروں کا حساب لگاتے ہیں اور ان کا کُل مجموعی مقناطیسی دباؤ حل کرتے ہیں۔

 $t_0 = 0$ پر ان مساوات سے ملتا ہے $t_0 = 0$

$$I_a = I_0 \cos(0) = I_0$$

$$I_b = I_0 \cos(0 - 120^0) = -0.5I_0$$

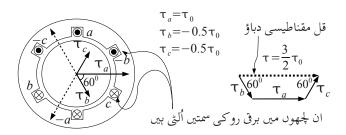
$$I_c = I_0 \cos(0 + 120^0) = -0.5I_0$$
(5.64)

$$\tau_{a} = \tau_{0} \cos(0) = \tau_{0}$$

$$\tau_{b} = \tau_{0} \cos(0 - 120^{0}) = -0.5\tau_{0}$$

$$\tau_{c} = \tau_{0} \cos(0 + 120^{0}) = -0.5\tau_{0}$$
(5.65)

 I_c ہماں رکھ کو زرا غور کریں۔ اس کھہ پر I_a مثبت ہے جبکہ اور I_b منفی ہیں۔ لہٰذا I_a اُسی سمت میں ہے جو شکل 5.17 میں دکھایا گیا ہے جبکہ I_b اور I_c شکل میں دیئے گئے سمتوں کے اُلٹ ہیں۔ ان تینوں برقی رو کی اس کھہ پر درست سمتیں شکل 5.19 میں دکھائی گئی ہیں۔ اس شکل میں تینوں مقناطیسی دباؤ بھی دکھائے گئے ہیں۔



شكل 5.19: لمحم $t_0=0$ پر برقی رو اور مقناطیسی دباؤ

کل مقناطیسی دباؤ با آسانی بذریعہ گراف، جمع سمتیات سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔ ہے یا پھر الجبراکر ذریعہ ایساکیا جا سکتا ہے۔

$$\begin{aligned} & \boldsymbol{\tau}_{a} = \boldsymbol{\tau}_{0} \, \hat{\boldsymbol{a}}_{x} \\ & \boldsymbol{\tau}_{b} = 0.5 \, \boldsymbol{\tau}_{0} \left[\cos(60^{0}) \, \hat{\boldsymbol{a}}_{x} - \sin(60^{0}) \, \hat{\boldsymbol{a}}_{y} \right] \\ & \boldsymbol{\tau}_{c} = 0.5 \, \boldsymbol{\tau}_{0} \left[\cos(60^{0}) \, \hat{\boldsymbol{a}}_{x} + \sin(60^{0}) \, \hat{\boldsymbol{a}}_{y} \right] \end{aligned}$$
(5.66)

$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{\tau}_a + \boldsymbol{\tau}_b + \boldsymbol{\tau}_c = \frac{3}{2} \boldsymbol{\tau}_0 \hat{\boldsymbol{a}}_x \tag{5.67}$$

کل مقناطیسی دباؤ ایک لچھے کے مقناطیسی دباؤ کے ڈیڑھ گنا ہے اور یہ صفر

زاویہ پر ہے۔ اب ہم گھڑی کو چلنے دیتے ہیں اور کچھ کھے بعد t_1 پر دوبارہ یہی سب حساب لگاتے ہیں۔ چونکہ مساوات 5.62 اور 5.63 میں متغیرہ t کے بخائے wt کا استعمال زیادہ آسان ہے لہذا ہم کھہ t_1 کو یوں چنتے ہیں کہ $wt=30^0$ کے برابر ہو۔ ایسا کرنے سے ہمیں یہ دو مساواتوں سے حاصل ہوتا ہے۔

$$I_{a} = I_{0} \cos(30^{0}) = \frac{\sqrt{3}}{2} I_{0}$$

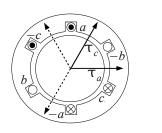
$$I_{b} = I_{0} \cos(30^{0} - 120^{0}) = 0$$

$$I_{c} = I_{0} \cos(30^{0} + 120^{0}) = -\frac{\sqrt{3}}{2} I_{0}$$
(5.68)

$$\tau_{a} = \tau_{0} \cos(30^{0}) = \frac{\sqrt{3}}{2} \tau_{0}$$

$$\tau_{b} = \tau_{0} \cos(30^{0} - 120^{0}) = 0$$

$$\tau_{c} = \tau_{0} \cos(30^{0} + 120^{0}) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \tau_{0}$$
(5.69)





شكل 5.20: لحم $wt_1=30^0$ بر برقی رو اور مقناطیسی دباؤ

یہ شکل 5.20 میں دکھایا گیا ہے۔کل مقناطیسی دباؤ کا طول τ کو تکون کے ذریعہ یوں حل کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح اس کو زاویہ بھی اسی سے حاصل ہوتا ہے۔ یعنی

$$\tau = \sqrt{\tau_a^2 + \tau_c^2 - 2\tau_a \tau_c \cos(120^0)} = \frac{3}{2}\tau_0$$
 (5.70)

اور چونکہ اس تکون کے دو اطراف برابر ہیں لہٰذا اس کے باقی دو زاویہ بھی برابر اور 30°

ہم دیکھتے ہیں کہ کُل مقناطیسی دباؤ جو پہلے صفر زاویہ پر تھا اب وہ

 30^0 کے زاویہ پر ہے یعنی وہ گھڑی کے اُلٹ سمت گھوم گیا ہے۔ اگر ہم اسی طرح $\frac{3}{2}$ τ_0 پر دیکھیں تو ہمیں کُل مقناطیسی دباؤ اب بھی $\omega t = 45^0$ ہی ملے گا البتہ اب یہ $\omega t = 45^0$ کے زاویہ پر ہو گا۔ اگر کسی لمحہ جب $\omega t = 0^0$ کے برابر ہو یہ سارا حساب کیا جائے تو کُل مقناطیسی دباؤ اب بھی $\frac{3}{2}$ ہی ملے گا البتہ یہ $\omega t = 0^0$ درجہ کے زاویہ پر ہوگا۔

5.6 محرک برقی **د**باؤ 262

یہاں محرک برقی دباؤ کو ایک اور زاویہ سے پیش کیا جاتا ہے۔

5.6.1 بدلتي رو والا برقى جنريٹر ²⁶³

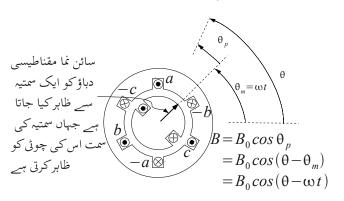
شکل 5.21 میں ایک بنیادی بدلتی رو 264 والا جنریٹر دکھایاگیا ہے۔اس کا گھومتا برقی مقناطیس، خلائی درز میں سائن نما مقناطیسی دباؤ پیدا کرتا ہے جس سے وہاں سائن نما کثافتِ مقناطیسی بہاؤ B پیدا ہوتی ہے، یعنی

$$B = B_0 \cos(\theta_p) \tag{5.71}$$

²⁶² ابتدا میں حرکت سے پیدا ہونے والی برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کہتے تھے۔اب روایتی طور پر کسی بھی برقی طاقت کے سرچشمے کی برقی دباؤ کو محرک برقی دباؤ کہتے ہیں

²⁶³ AC generator

²⁶⁴ alternating current (AC)



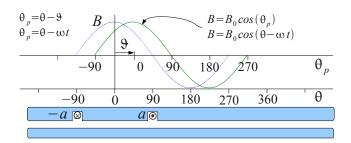
شکل 5.21:بنیادی بدلتی رو والا جنریٹر

t=0 یہ مقناطیس ω زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے۔یوں اگر ابتدائی لمحہ یعنی ω پر یہ ω پر یہ ω سمت یعنی نقطہ دار اُفقی لکیر کی سمت میں ہو تو لمحہ ω پر یہ گھوم کر زاویہ ω ω پر ہوگا۔اس طرح مساوات 5.71 یوں بھی لکھا جا سکتا ہے۔

$$B = B_0 \cos(\theta - \theta_m)$$

= $B_0 \cos(\theta - \omega t)$ (5.72)

شکل 5.22 میں B کو زاویہ θ اور θ_p کے ساتھ گراف کیا گیا ہے۔ اسی t=0 بھی دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار لکیر لمحہ a



شكل 5.22: لچھے میں سے گزرتا مقناطیسی بہاؤ

پر B دکھا رہا ہے جب گھومتے ہرتی مقناطیس کا محور اور اس کچھے کا محور ایک ہی سمت میں ہوں جبکہ ٹھوس لکیر اسی B کو کسی بھی لمحہ t پر دکھا رہا ہے اور اس لمحہ پر برقی مقناطیس کے محور اور کچھے کے محور کے مابین θ درجے کا زاویہ ہے۔ یہ زاویہ برقی مقناطیس کے گھومنے کی رفتار ω پر منحصر ہے یعنی

$$\vartheta = \omega t$$
 (5.73)

لحم t=0 پر کچھے میں سے زیادہ سے زیادہ مقناطیسی ہاؤ گزر رہی ہے۔ اگر خلائی درز بہت باریک ہو، تو اس کے اندر اور باہر جانب کے رداس تقریباً یکساں ہوں گے۔ برقی مقناطیس کے محور سے اس خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ اگر ρ ہو اور برقی مقناطیس کا دُھرے e^{265} کی سمت میں محوری لمبائی e^{265} ہو تو اس خلائی درز میسی اس کچھے میسی وہسی مقناطیسی بہاؤ ہو گیا جو اس خلائی درز میسی سے میں وہسی مقناطیسی بہاؤ ہو گیا جو اس خلائی درز میسی سکتا ہے۔ کے مابین ہے۔ کحم e^{-1} پر اسے یوں معلوم کیا جا سکتا ہر ۔

$$\begin{split} & \Phi_{a}(0) = \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \boldsymbol{B} \cdot \boldsymbol{d} \, \boldsymbol{S} \\ & = \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l \, \rho \, d \, \theta_{p}) \\ & = B_{0} l \, \rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\pi/2}^{+\pi/2} \\ & = 2 B_{0} l \, \rho \\ & = \Phi_{0} \end{split} \tag{5.74}$$

ہی حساب آگر لمحہ t پر کی جائے تو کچھ یوں ہو گا۔

²⁶⁵ shaft266 axial length

$$\begin{split} & \Phi_{a}(t) = \int_{-\pi/2-9}^{+\pi/2-9} \boldsymbol{B} \cdot \boldsymbol{d} \, \boldsymbol{S} \\ & = \int_{-\pi/2-9}^{+\pi/2-9} (B_{0} \cos \theta_{p}) (l \, \rho \, d \, \theta_{p}) \\ & = B_{0} l \, \rho \sin \theta_{p} \Big|_{-\pi/2-9}^{+\pi/2-9} \\ & = 2 \, B_{0} l \, \rho \cos \vartheta \\ & = 2 \, B_{0} l \, \rho \cos \omega \, t \end{split} \tag{5.75}$$

جہاں $\theta = \omega t$ لیا گیا ہے۔اسی مساوات کو یوں بھی حل کیا جا سکتا ہے

$$\begin{split} & \phi_{a}(t) = \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \boldsymbol{B} \cdot \boldsymbol{d} \, \boldsymbol{S} \\ & = \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} (B_{0} \cos(\theta - \omega t)) (l \, \rho \, d \, \theta) \\ & = B_{0} \, l \, \rho \, \sin(\theta - \omega t) \Big|_{-\pi/2}^{+\pi/2} \\ & = B_{0} \, l \, \rho \left[\sin(+\pi/2 - \omega t) - \sin(-\pi/2 - \omega t) \right] \\ & = 2 \, B_{0} \, l \, \rho \cos \omega t \end{split} \tag{5.76}$$

اس مرتبہ تکمل زاویہ 0 کے ساتھ کیا گیا ہے۔ انہیں مساوات 5.74 کی مدد سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\Phi_{a}(t) = 2B_{0}l\rho\cos(\omega t) = \Phi_{0}\cos(\omega t)$$
 (5.77)

بالکل مساوات 5.76 کی طرح ہم b اور c پلھوں کے لئے بھی مقناطیسی ہاؤ کی مساواتیں حل کر سکتے ہیں۔ شکل 5.21 میں a پلھے میں زاویہ $+\pi/2$ سے $-\pi/2$ تک کا مقناطیسی ہاؤ گزرتا ہے۔ اس لئے $-\pi/2$ معلوم کرنے کے لئے مساوات 5.76 میں تکمل کے حد یہی رکھے گئے تھے۔ اسی شکل سے واضح ہے کہ a پلھے کے تکمل کے حد a ہور a ہیں۔ اور a کے a ہیں۔ یہ زاویے ریڈیئن میں دیئے گئے ہیں۔ یوں

$$\begin{split} & \Phi_{b}(t) = \int_{+\pi/6}^{+7\pi/6} \textbf{\textit{B}} \cdot \textbf{\textit{d}} \, \textbf{\textit{S}} \\ & = \int_{+\pi/6}^{+7\pi/6} (B_{0} \cos(\theta - \omega t)) (l \, \rho \, d \, \theta) \\ & = B_{0} \, l \, \rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{+\pi/6}^{+7\pi/6} \\ & = B_{0} \, l \, \rho \left[\sin(+7\pi/6 - \omega t) - \sin(+\pi/6 - \omega t) \right] \\ & = 2 \, B_{0} \, l \, \rho \cos \left(\omega \, t - \frac{2\pi}{3} \right) \end{split} \tag{5.78}$$

اور

$$\begin{split} & \Phi_{c}(t) = \int_{+5\pi/6}^{+11\pi/6} \textbf{\textit{B}} \cdot \textbf{\textit{d}} \textbf{\textit{S}} \\ & = \int_{+5\pi/6}^{+11\pi/6} (B_{0}\cos(\theta - \omega t))(l \, \rho \, d \, \theta) \\ & = B_{0} l \, \rho \sin(\theta - \omega t) \Big|_{+5\pi/6}^{+11\pi/6} \\ & = B_{0} l \, \rho \big[\sin(+11\pi/6 - \omega t) - \sin(+5\pi/6 - \omega t) \big] \\ & = 2 \, B_{0} l \, \rho \cos \bigg[\omega \, t + \frac{2\pi}{3} \bigg] \end{split} \tag{5.79}$$

اگر ایک لچھے کے N چکر ہوں تو اس میں پیدا برقی دباؤ کو یوں معلوم کیا جا سکتا ہے۔

$$\lambda_{a} = N \, \varphi_{a}(t) = N \, \varphi_{0} \cos(\omega t)$$

$$\lambda_{b} = N \, \varphi_{b}(t) = N \, \varphi_{0} \cos(\omega t - 120^{0})$$

$$\lambda_{c} = N \, \varphi_{c}(t) = N \, \varphi_{0} \cos(\omega t + 120^{0})$$
(5.80)

ان مساوات میں $2\pi/3$ ریڈیئن کو 120^0 لکھا گیا ہے۔ان سے لچھوں میں پیدا امالی برقی دباؤ کا حساب یوں لگایا جا سکتا ہے۔

$$e_{a}(t) = -\frac{d\lambda_{a}}{dt} = \omega N \, \phi_{0} \sin(\omega t)$$

$$e_{b}(t) = -\frac{d\lambda_{b}}{dt} = \omega N \, \phi_{0} \sin(\omega t - 120^{0})$$

$$e_{c}(t) = -\frac{d\lambda_{c}}{dt} = \omega N \, \phi_{0} \sin(\omega t + 120^{0})$$
(5.81)

اس مساوات کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں

$$e_a(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t - 90^0)$$

 $e_b(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 150^0)$ (5.82)
 $e_c(t) = \omega N \phi_0 \cos(\omega t + 30^0)$

یہ مساوات تین دوری محرک برقی دباؤ 267 کو ظاہر کرتے ہیں جو آپس میں E_0 حیطہ E_0 یکساں سے جہاں E_0

$$E_0 = \omega N \, \Phi_0 \tag{5.83}$$

²⁶⁷ electromotive force (emf)

 E_{rms} ور ان برقی دباؤ کی موثر قیمت E_{rms}

$$E_{rms} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi f N \phi_0}{\sqrt{2}} = 4.44 f N \phi_0$$
 (5.84)

ہوگا۔ مساوات بالکل مساوات 2.82 سائن نما برقی دباؤ کو ظاہر کرتا ہے۔ چونکہ B=0 لہٰذا یہ مساوات بالکل مساوات 2.57 کی طرح ہے۔ اگرچہ مساوات 5.81 یہ سوچ کر حاصل کیا گیا کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاؤ صرف برقی مقناطیس کی وجہ سے ہے تاہم برقی دباؤ کا اس سے کوئی تعلق نہیں کہ خلائی درز میں مقناطیسی بہاؤ کس طرح وجود میں آئی اور یہ مساوات ان حالات کے لئے بھی درست ہے جہاں یہ مقناطیسی بہاؤ جزیٹر کے ساکن حصے میں پیدا ہوئی ہو یا ساکن اور حرکت پذیر دونوں حصوں میں پیدا ہوئی ہو یا ساکن اور حرکت پذیر

مساوات 5.84 ہمیں ایک گچھ لچھے میں پیدا برقی دباؤ دیتی ہے۔ اگر لچھا تقسیم شدہ ہو تو اس کے مختلف شگافوں میں موجود اس لچھے کے حصوں میں برقی دباؤ ہم مرحلہ نہیں ہوں گے لہذا ان سب کا مجموعی برقی دباؤ ان سب کا حاصل جمع نہیں ہوگا بلکہ اس سے قدرِ کم ہوگا۔ اس مساوات کو ہم ایک پھیلے لچھے کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$E_{rms} = 4.44 k_w f N \phi_0 \tag{5.85}$$

²⁶⁸ root mean square (rms)

تین دور 269 کے برقی جنریٹروں کے لئے k_w کی مقدار 0.95 اور 0.95 کے درمیان ہوتی ہے۔ تین دور کے درمیان ہوتی ہے۔ یہ مساوات ہمیں ایک دور کی برقی دباؤ دیتی ہے۔ تین دور کے برقی جنریٹروں میں ایسے تین لچھوں کے جوڑے ہوتے ہیں اور ان کو Y یعنی ستارا غا 270 یا Δ یعنی تکونی Δ شکل میں جوڑا جاتا ہے۔

5.6.2 يک سمتي رو کا برقی جنريٹر 272

ہر گھومنے والا برقی جنریٹر بنیادی طور پر بدلتی رو والا جنریٹر ہی ہوتا ہے۔ البتہ جہاں یک سمتی برق دباؤ 273 کی ضرورت ہو وہاں مختلف طریقوں سے بدلتی برقی دباؤ میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یہ الیکٹرانکس کے ذریعہ جنریٹر کے باہر کیا جا سکتا ہے یا پھر میکانی طریقے سے آلمِ تبدیل 275 کی مدد سے جنریٹر کے اندر ہی کیا جا سکتا ہے۔ مساوات 5.81 میں دیئے گئے برقی دباؤ کو یک سمتی برقی دباؤ میں تبدیل کیا جائے تو یہ شکل 5.23کی طرح ہو گا۔

²⁶⁹ three-phase

²⁷⁰ star

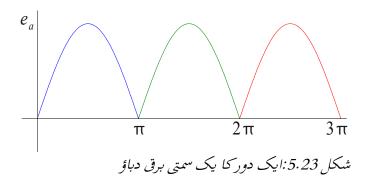
²⁷¹ delta

²⁷² DC generator

²⁷³ DC voltage

²⁷⁴ AC voltage

²⁷⁵ commutator



شکل 5.23 میں یک سمتی برقی دباؤ دکھائی گئی ہے۔اس یک سمتی برقی دباؤ کی اوسط حاصل کریں۔

مثال 5.5:

حل:

$$E_{\text{but}} = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{\pi} \omega N \, \phi_{0} \sin(\omega t) d(\omega t) = \frac{2}{\pi} \omega N \, \phi_{0}$$
 (5.86)

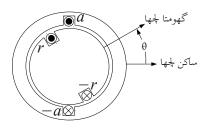
یک سمتی برقی جنریٹر پر تبصرہ کتاب کے باب 8 میں کیا جائے گا۔

5.7 ہموار قطب کے آلوں میں مروڑ

اس حصے میں ہم ایک مثالی مشین میں مروڑ کا حساب لگائیں گے۔ ایسا دو طریقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ ہم مشین کو دو مقناطیس سمجھ کر ان کے مابین قوت کشش، قوت دفع اور مروڑ کا حساب لگا سکتے ہیں یا پھر اس میں ساکن اور گھومتے لچھوں کو امالہ سمجھ کر باب چار کی طرح توانائی اور کو توانائی کے استعمال سے اس کا حساب لگائیں۔ پہلے توانائی کا طریقہ استعمال کرتے ہیں۔

5.7.1 توانائی کے طریقے سے میکانی مروڑ کا حساب

یہاں ہم ایک دور کی مشین کی بات کریں گے۔ اس سے حاصل جوابات کو با آسانی زیادہ دور کی آلوں پر لاگو کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.24 میں ایک



شكل 5.24:ساكن اماله اور گهومتا اماله

²⁷⁶ torque

دور کی مثالی مشین دکھائی گئی ہے۔ کسی بھی کچہ اس کی دو کچھوں میں کچھ زاویہ ہوگا جسے θ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ خلائی درز ہر جگہ یکساں ہے لہذا یہاں اُبھرے قطب کے اثرات کو نظر انداز کیا جائے گا۔ مزید یہ کہ مرکز مادہ کی $m_r = \infty$ لہذا کچھوں کی امالہ صرف خلائی درز کی μ پر منحصر ہے۔

 L_{nr} اس طرح ساکن پچھے کی امالہ L_{aa} اور گھومے پچھے کی امالہ مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشترکہ امالہ $L_{ar}(\theta)$ زاویہ θ پر منحصر ہوگا۔ جب مقررہ ہیں جبکہ ان کا مشترکہ امالہ $\theta=0$ یا $\theta=\pm 2\pi$ یا $\theta=0$ دوسرے پچھے سے بھی گزرتا ہے۔ ایسے حالت میں ان کا مشترکہ امالہ سے زیادہ سے زیادہ ہو گا۔ جب $\theta=\pm 180^0$ ہو اس لحمہ ایک بار پھر ایک پچھے کا سارہ مقناطیسی ہاؤ دوسرے پچھے سے بھی گزرتا ہے البتہ اس لحمہ اس کی سمت اللہ ہوتی ہے لہذا اب ان کا مشترکہ امالہ بھی منفی ہو گا یعنی $-L_{p_{mr}}$ اور جب فرائی درز میں مقناطیسی ہاؤ سائن نما ہر تب خبن میں رکھ بی کہ خلائی درز میں مقناطیسی ہاؤ سائن نما ہر تب

$$L_{ar}(\theta) = L_{p_{ar}} cos(\theta) \tag{5.87}$$

ہم ساکن اور گھومتے لچھوں کی اِرتَباطِ بھاؤ کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$\lambda_{a} = L_{aa} i_{a} + L_{ar}(\theta) i_{r} = L_{aa} i_{a} + L_{p_{ar}} cos(\theta) i_{r} \lambda_{r} = L_{ar}(\theta) i_{a} + L_{rr} i_{r} = L_{p_{ar}} cos(\theta) i_{a} + L_{rr} i_{r}$$
(5.88)

اگر ساکن لچھے کی مزاحمت R_a اور گھومتے لچھے کی مزاحمت R_r ہو تو ہم ان لچھوں کے سروں پر دیئے گئے برقی دباؤ کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$v_{a}=i_{a}R_{a}+\frac{d\lambda_{a}}{dt}=i_{a}R_{a}+L_{aa}\frac{di_{a}}{dt}+L_{p\omega}cos(\theta)\frac{di_{r}}{dt}-L_{p\omega}sin(\theta)i_{r}\frac{d\theta}{dt}$$

$$v_{r}=i_{r}R_{r}+\frac{d\lambda_{r}}{dt}=i_{r}R_{r}+L_{p\omega}cos(\theta)\frac{di_{a}}{dt}-L_{p\omega}sin(\theta)i_{a}\frac{d\theta}{dt}+L_{rr}\frac{di_{r}}{dt}$$
(5.89)

یهاں θ برقی زاویہ ہے اور وقت کے ساتھ اس کی تبدیلی رفتار ω کو ظاہر کرتی ہے یعنی

$$\frac{d\theta}{dt} = \omega \tag{5.90}$$

میکانی مروڑ بذریعہ کو توانائی حاصل کی جا سکتی ہے۔ کو توانائی مساوات 4.70 سے حاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات موجودہ استعمال کے لئے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$W_{m}' = \frac{1}{2} L_{aa} i_{a}^{2} + \frac{1}{2} L_{rr} i_{r}^{2} + L_{p_{ar}} i_{a} i_{r} \cos(\theta)$$
 (5.91)

اس سے میکانی مروڑ T یوں حاصل ہوتا ہے۔

$$T = \frac{+\partial W_{m}^{'}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta_{m}} = \frac{+\partial W_{m}^{'}(\theta_{m}, i_{a}, i_{r})}{\partial \theta} \frac{d\theta}{d\theta_{m}}$$
(5.92)

چونکہ P قطب آلوں کر لئر

$$\theta = \frac{P}{2} \theta_m \tag{5.93}$$

للذا ہمیں مساوات 5.92 سے ملتا ہے

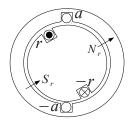
$$T = -\frac{P}{2} L_{p_{mr}} i_{a} i_{r} \sin\left(\frac{P}{2} \theta_{m}\right)$$
 (5.94)

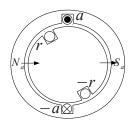
اس مساوات میں مروڑ T منفی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اگر کسی لمحہ پر ساکن اور گھومتے لمجھوں کے مقناطیسی ہاؤ کے درمیان زاویہ مثبت ہو تو ان کے مابین مروڑ منفی ہوگا یعنی مروڑ ان دونوں مقناطیسی ہاؤ کو ایک سمت میں رکھنے کی

کوشش کرے گا۔

5.7.2 مقناطیسی بہاؤ سے میکانی مروڑ کا حساب

شکل میں بائیں جانب صرف گھومتے پلھے میں برتی رو ہے۔ اس پلھے کا متاطیسی بہاؤ تیر کے نشان سے دکھایا گیا ہے، یعنی تیر اس مقناطیس کے محور کو طاہر کرتا ہے۔ یہاں اگر صرف گھومتے حصے پر توجہ دی جائے تو یہ واضح ہے کہ گھومتا حصہ ایک مقناطیس کی مانند ہے جس کے شمالی اور جنوبی قطبین شکل میں دیئے گئے ہیں۔ اسی طرح شکل میں دائیں جانب صرف ساکن پلھے میں برقی رو ہے۔ اگر اس مرتبہ صرف ساکن حصے پر توجہ دی جائے تو اس کے بائیں جانب سے مقناطیسی بہاؤ نکل کر خلائی درز میں داخل ہوتی ہے، لہذا یہی اس کا شمالی قطب ہے اور اس مقناطیس کا محور بھی اسی تیر کی سمت میں ہے۔

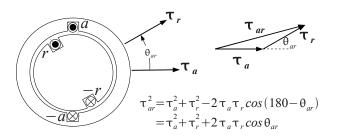




شكل 5.25: لچهول كر قطبين

یماں یہ واضح رہے کہ اگرچہ گچھ لچھے دکھائے گئے ہیں لیکن درحقیقت دونوں لچھوں کے مقناطیسی دباؤ سائن-نما ہی ہیں اور تیر کے نشان ان مقناطیسی دباؤ کی موج کے چوٹی کو ظاہر کرتے ہیں۔

شکل 5.26 میں اب دونوں لچھوں میں برقی رو ہے۔ یہ واضح ہے کہ یہ بالکل دو مقناطیسوں کی طرح ہے اور ان کے اُلٹ قطبین کے مابین قوتِ کشش ہو گا، یعنی یہ دونوں لچھے ایک ہی سمت میں ہونے کی کوشش کریں گے۔



شكل 5.26:خلائي درز مين مجموعي مقناطيسي دباؤ

یہاں یہ زیادہ واضح ہے کہ یہ دو مقناطیس کوشش کریں گے کہ ہے صفر کے برابر ہو یعنی ان کا میکانی مروڑ θ_{ar} کے اُلٹ سمت میں ہوگا۔ یہی کچھ مساوات 5.94 کہتا تھا۔

ان برقی مقناطیسوں کے مقناطیسی دباؤ کو اگر ان کے مقناطیسی محور کی سمت میں τ_a اور τ_r مقناطیسی سمت میں τ_a اور τ_a سے ظاہر کیا جائے جہاں τ_a اور τ_a ان کا جمع دباؤ کے چوٹی کے برابر ہوں تو خلاء میں کُل مقناطیسی دباؤ τ_{ar} ان کا جمع سمتیات ہوگا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس کا طول τ_{ar} کوسائن کے قلیہ τ_{ar} سے یوں حاصل ہوتا ہے۔

²⁷⁷ cosine law

$$\tau_{ar}^{2} = \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} - 2\tau_{a}\tau_{r}\cos(180 - \theta_{ar})$$

$$= \tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a}\tau_{r}\cos\theta_{ar}$$
(5.95)

خلائی درز میں یہ کُل مقناطیسی دباؤ، مقناطیسی شدت H_{ar} کو جنم دے گا جو اس قلیہ سے حاصل ہوتا ہے۔

$$\tau_{ar} = l_g H_{ar} \tag{5.96}$$

 H_{ar} مقناطیسی شدت کی چوٹی کو ظاہر کرتا ہے۔ اب جہاں خلاء میں مقناطیسی شدت H_{ar} ہو وہاں مقناطیسی کو-توانائی کی کثافت H^2 ہوتی ہے۔ خلائی درز میں اوسط کو-توانائی کی کثافت اس خلائی درز میں H^2 کی اوسط، ضرب $H=H_0\cos\theta$ ہوگی۔ کسی بھی سائن نما موج $H=H_0\cos\theta$ کے H^2 کا اوسط H^2 یوں نکالا جاتا ہے۔

$$H_{av}^{2} = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} H^{2} d\theta$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} H_{0}^{2} \cos^{2}(\theta) d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \frac{[1 + \cos(2\theta)]}{2} d\theta$$

$$= \frac{H_{0}^{2}}{2}$$
(5.97)

لہذا خلائی درز میں اوسط کو-توانائی کی کثافت $\frac{\mu_0}{2} \frac{H_{ar}^2}{2}$ ہوگی اور اس خلاء میں کُل کو-توانائی اس اوسط کو-توانائی ضربِ خلاء کی حجم کے برابر ہوگا یعنی

$$W_{m}' = \frac{\mu_{0}}{2} \frac{H_{ar}^{2}}{2} 2 \pi r l_{g} l = \frac{\mu_{0} \pi r l}{2 l_{o}} \tau_{ar}^{2}$$
 (5.98)

اس مساوات میں خلائی درزکی رداسی لمبائی l_g ہمے اور اس کی ڈھرے 278 کی سمت میں محوری لمبائی l ہمے۔ محور سے خلاء کی اوسط رداسی فاصلہ r ہمے۔ مزید یہ کہ $r \gg l_g$ ۔ اس طرح خلاء میں رداسی سمت میں کثافتِ مقناطیسی بہاؤ کی تبدیلی کو نذر انداز کیا جا سکتا ہمے۔ اس مساوات کو ہم مساوات $r \gg l_g$ مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

²⁷⁸ shaft

$$W_{m}' = \frac{\mu_{0} \pi r l}{2 l_{a}} (\tau_{a}^{2} + \tau_{r}^{2} + 2\tau_{a} \tau_{r} \cos \theta_{ar})$$
 (5.99)

اس سر میکانی مروڑ یوں حاصل کیا جا سکتا ہر

$$T = +\frac{\partial W_{m}^{'}}{\partial \theta_{ar}} = -\frac{\mu_{0} \pi r l}{l_{g}} \tau_{a} \tau_{r} \sin \theta_{ar}$$
 (5.100)

یہ حساب دو قطب والی مشین کے لئے لگایا گیا ہے۔ P قطب والے مشین کے لئے یہ مساوات ہر جوڑی قطب کا میکانی مروڑ دیتا ہے لہٰذا ایسے مشین کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$T = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_\sigma} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$
 (5.101)

یہ ایک بہت اہم مساوات ہے۔ اس کے مطابق مشین کا میکانی مروڑ اس کے ساکن اور گھومتے لچھوں کے مقناطیسی دباؤ کے چوٹی کے براہ راست متناسب ہے۔ اسی طرح یہ ان دونوں کے درمیان برقی زاویہ θ_{ar} کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہے۔ منفی میکانی مروڑ کا مطلب ہے کہ یہ زاویہ θ_{ar} کے

الٹ جانب ہے یعنی یہ میکانی مروڑ اس زاویہ کو کم کرنے کی جانب کو ہے۔ مشین کے ساکن اور گھومتے حصوں پر ایک برابر مگر الٹ سمتوں میں میکانی مروڑ ہوتا ہے البتہ ساکن حصے کا مروڑ مشین کے وجود کے ذریعہ زمین تک منتقل ہو جاتا ہے جبکہ گھومتے حصے کا میکانی مروڑ اس حصے کو گھماتا ہے۔

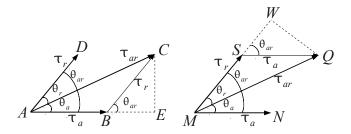
چونکہ مقناطیسی دباؤ برقی رو کے براہ راست متناسب ہے لہذا τ_a اور i_r آپس میں براہ راست متناسب ہیں جبکہ τ_r اور i_r آپس میں براہ راست متناسب ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ مساوات 5.94 اور 5.101 ایک جیسے ہیں۔ درحقیقت یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ یہ دونوں بالکل برابر ہیں۔

شکل 5.27 میں ایک بار پھر ساکن اور گھومتے لچھوں کے مقناطیسی دباؤ دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں بائیں جانب تکون Δ Δ اور Δ Δ میں Δ مشترکہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ

$$\overline{CE} = \tau_r \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_a \tag{5.102}$$

اس مساوات كي مدد سے مساوات 5.101 يوں لكها جا سكتا ہے۔

$$T = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a \tag{5.103}$$



شکل 5.27:مقناطیسی بهاؤ اور ان کیے زاوئیے

اسی طرح شکل 5.27 کے دائیں جانب تکون Δ MWQ اور تکون 5.27 میں طرف مشترکہ ہے اور ان دو تکونوں سے واضح ہے کہ میں \overline{WQ}

$$\overline{QW} = \tau_a \sin \theta_{ar} = \tau_{ar} \sin \theta_r \tag{5.104}$$

اب اس مساوات کی مدد سے مساوات 5.101 یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$T = -\frac{P}{2} \frac{\mu_0 \pi r l}{l_c} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r \qquad (5.105)$$

مساوات 5.101 مساوات 5.103 اور مساوات 5.105 کو ایک جگہ لکھتے ہیں۔

$$T = -\frac{P}{2} \frac{\mu_o \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_r \sin \theta_{ar}$$

$$T = -\frac{P}{2} \frac{\mu_o \pi r l}{l_g} \tau_a \tau_{ar} \sin \theta_a$$

$$T = -\frac{P}{2} \frac{\mu_o \pi r l}{l_g} \tau_r \tau_{ar} \sin \theta_r$$
(5.106)

ان مساوات سے یہ واضح ہے کہ میکانی مروڑ کو دونوں لچھوں کے مقناطیسی دباؤ اور ان کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے یا پھر ایک لچھے کی مقناطیسی دباؤ اور ان دو کے مابین زاویہ کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

اس بات کو یوں بیان کیا جاسکتا ہے کہ میکانی مروڑ دو مقناطیسی دباؤ کے آپس میں ردعمل کی وجہ سے وجود میں آتا ہے اور یہ ان مقناطیسی دباؤ کی چوٹی اور ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتا ہے۔

مقناطیسی دباؤ، مقناطیسی شدت، کثافت مقناطیسی بهاؤ اور مقناطیسی بهاؤ اور مقناطیسی بهاؤ سر بهاؤ سب کا آپس میں تعلق رکھتے ہیں لہٰذا ان مساوات کو کئی مختلف طریقوں سے لکھا جا سکتا ہے۔ مثلاً خلائی درز میں کُل مقناطیسی دباؤ τ_{ar} اور وہاں کثافت مقناطیسی بہاؤ B_{ar} کا تعلق

$$B_{ar} = \frac{\mu_0 \tau_{ar}}{l_a} \tag{5.107}$$

استعمال کر کے مساوات 5.106 کے آخری جز کو یوں لکھا جا سکتا ہے

$$T = -\frac{P}{2}\pi r l \tau_r B_{ar} \sin \theta_r \qquad (5.108)$$

مقناطیسی آلوں میں مقناطیسی مرکز کی نفوذ پذیری 279 کی محدود صلاحیت کی وجہ سے مرکز میں کثافت مقناطیسی بہاؤ تقریباً ایک ٹسلہ تک ہی بڑھائی جا سکتی ہے۔ لہذا مشین بناتے وقت اس حد کو مد نظر رکھنا پڑتا ہے۔ اسی طرح گھومتے لچھے کا مقناطیسی دباؤ اس لچھے میں برقی رو پر منحصر ہوتا ہے۔ اس برقی رو سے لچھے کی مزاحمت میں برقی توانائی ضائع ہوتی ہے جس سے یہ لچھا گرم ہوتا ہے۔ برقی رو کو اس حد تک بڑھایا جا سکتا ہے جہاں تک اس لچھے کو ٹھنٹا کرنا ممکن ہو۔ لہذا مقناطیسی دباؤ کو اس حد کے اندر رکھنا پڑتا ہے۔ چونکہ اس مساوات میں یہ دو بہت ضروری حدیں واضح طور پر سامنے ہیں اس لئے یہ مساوات مشین بنانے کی غرض سے بہت اہم ہے۔

اس مساوات کی ایک اور بہت اہم شکل اب دیکھتے ہیں۔ ایک قطب پر

²⁷⁹ permeability

مقناطیسی بہاؤ Φ_P ایک قطب پر اوسط کثافت مقناطیسی بہاؤ Φ_P ضرب ایک قطب کا رقبہ Φ_P ہوتا ہے۔ جہاں

$$B_{av} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} B_0 \cos\theta \, d\theta = \frac{2B_0}{\pi}$$
 (5.109)

$$A_P = \frac{2\pi r l}{P} \tag{5.110}$$

لهٰذا

$$\Phi_P = \frac{2B_0}{\pi} \frac{2\pi rl}{P} \tag{5.111}$$

اور

$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2}\right)^2 \phi_{ar} \tau_r \sin \theta_r \tag{5.112}$$

یہ مساوات معاصر آلوں کے لئے بہت کار آمد ہے۔

6 یکساں حال چالو معاصر آلے

جیساکہ نام سے واضح ہے یہ وہ گھومنے والی مشین ہے جو ایک ہی رفتار سے گھومتی ہے اور یہ رفتار اس کو دیئے گئے برقی دباؤ کے تعدد پر منحصر ہوتی ہے۔

معاصر آلوں میں عموما ً قوی لچھا ساکن رہتا ہے جبکہ میدانی لچھا معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔قوی لچھوں کی برقی رو میدانی لچھوں کی برقی رو کی نسبت بہت زیادہ ہوتی ہے اور اسے سرک چھلوں کے ذریعہ گزارنا نہایت مشکل ہوتا ہے لہذا قوی لچھوں کو ساکن رکھا جاتا ہے جبکہ میدانی لچھوں کو گھمایا جاتا ہے۔

ہم یہ دیکھ چکے ہیں کہ تین دور کے لپٹے ساکن لچھوں میں آگر متوازن تین دور کی برقی رو ہو تو یہ ایک گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج کو جنم دیتی ہے۔ اس گھومتے موج کی رفتار کو معاصر رفتار 280 کہتے ہیں۔ معاصر مشین کا گھومتا حصہ اسی رفتار سے گھومتا ہے۔

معاصر مشین کے میدانی لچھے کو یک سمتی برقی رو درکار ہوتی ہے جو یا تو سرک چھلوں کے ذریعہ اس تک باہر سے پہنچائی جاتی ہے یا پھر مشین کے دُھر ّے پر ہی نسب ایک چھوٹی یک سمتی جنریٹر سے اسے فراہم کی جاتی ہے۔

میدانی لچھا ایک میدانی مقناطیسی دباؤ کو جنم دیتی ہے جو اس لچھے

²⁸⁰ synchronous speed

کے ساتھ ساتھ معصر رفتار سے گھومتی ہے۔ لہذا معاصر مشین کے گھومتے اور ساکن لچھوں کے مقناطیسی دباؤ معاصر رفتار سے ہی گھومتے ہیں۔ اسی وجہ سے انہیں معاصر مشین کہتے ہیں۔

6.1 ایک سے زیادہ دورکے معاصر مشین کا تعارف

معاصر مشین عموما ً تین دور کے ہوتے ہیں۔ان کے تین دوری ساکن قوی پہلے خلاء میں 120^0 برقی زاویہ پر نسب ہوتے ہیں جبکہ اس کے میدانی پلھے گھومتے حصے پر نسب ہوتے ہیں اور ان میں یک سمتی برقی رو ہوتی ہے۔

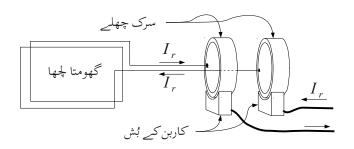
اگر مشین کے گھومتے حصے کو بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جائے تو یہ مشین ایک معاصر جزیٹر کے طور پر کام کرتی ہے اور اس کے تین دور کے ساکن قوی لچھوں میں تین دور کی برقی دباؤ پیدا ہوتی ہے جس کا برقی تعدد گھومنے کے رفتار پر منحصر ہوتا ہے۔ اس کے برعکس اگر مشین کے تین دور کے ساکن قوی لچھوں کو تین دور کا برقی طاقت مہیا کیا جائے تو یہ ایک معاصر موٹر کے طور کام کرتی ہے جو معاصر رفتار سے گھومتی ہے۔مشین کی کُل برقی قوت کے چند فی صد برابر برقی قوت اس کے میدان لچھے کو درکار ہوتی ہے۔ گھومتے لچھے تک برقی دباؤ مختلف طریقوں سے پہنچائی جاتی ہے۔شکل 6.1 میں گھومتے پہلے تک موصل سرک چھلے 182کی مدد سے یک سمتی برقی رو پہنچانے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ یہ سرک چھلے اُسی دُھرے 182 پر نسب ہوتے ہیں جس پر گھومتا پھا نسب ہوتا ہے اور یہ اس لچھے کے ساتھ یکساں طور پر گھومتے ہیں۔ سرک چھلوں کے بھرونی سطح پر کاربن کے ساکن بُش، اسپرنگ کی مدد سے ان

²⁸¹ slip rings

²⁸² shaft

کے ساتھ دباکر رکھے جاتے ہیں۔ جب مشین چلتی ہے کاربن کے بُش ان سرک چھلوں پر سرکتے ہیں۔ اسپرنگ کا دباؤ ان کا برقی جوڑ مضبوط رکھتا ہے اور ان کے مابین چنگاریاں نہیں نکلتی۔ کاربن بُش کے ساتھ برقی تار لگی ہے۔ اس طرح یک سمتی برقی رو I_r ، کاربن بُش سے سرک چھلوں اور یہاں سے گھومتے چھے تک پہنچتی ہے۔

بڑے معاصر مشین میں میدانی یک سمتی برقی رو عموما ً ایک بدلتی رو بر تی جنریٹر سے حاصل کی جاتی ہے جو معاصر مشین کے دُھرے پر ہی نسب ہوتی ہے اور اس کے ساتھ یکساں طور پر گھومتی ہے۔اس چھوٹے جنریٹر کی برقی دباؤ کو دھرے پر ہی نسب الیکٹرانکس کی مدد سے یک سمتی برقی دباؤ میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یوں سرک چھلے کی ضرورت نہیں رہتی۔سرک چھلے رگٹر کی وجہ سے خراب ہوتے ہیں جس کی وجہ سے معاصر مشین کو مرمت کی خاطر بند کرنا پڑتا ہے۔



شکل 6.1 کاربن بُش اور سرک چهلوں سے لچھے تک برقی رو پہنچایا گیا ہے

اُکھرے قطب کے مشین پانی سے چلنے والے سست رفتار جنریٹر اور عام استعمال کے موٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں جبکہ ہموار قطب والے مشین تیز رفتار دو یا چار قطب والے ٹربائن جنریٹروں کے لئے موزوں ہوتے ہیں۔

کسی بھی مملکت کو درکار برقی توانائی ایک برقی جنریٹر سے دینا ممکن نہیں، لہذا حقیقت میں کچھ درجنوں سے لیکر کئی سو برقی جنریٹر بیک وقت یہ فریضہ سر انجام دے رہے ہوتے ہیں۔ ایک سے زیادہ جنریٹر استعمال کرنا سود مند ثابت ہوتا ہے۔ اوّل تو برقی توانائی کی ضرورت کے مطابق جنریٹر چالو کئے جا سکتے ہیں اور پھر ان جنریٹروں کو ضرورت کی جگہ کے ممکنہ طور پر قریب نسب کیا جا سکتا ہے۔ کسی بھی اس طرح کے بڑے نظام میں ایک جنریٹر کی حیثیت

بہت کم ہو جاتی ہے۔ ایک جنریٹر چالو یا بند کرنے سے پورے نظام پر کوئی خاص فرق نہیں پڑتا۔ اس صورت میں ہم اس نظام کو ایک مقررہ برقی دباؤ اور ایک مقررہ برقی تعدد رکھنے والا نظام تصور کر سکتے ہیں۔ معاصر جنریٹروں کے کئی اہم پہلو با آسانی سمجھے جا سکتے ہیں اگر یہ تصور کر لیا جائے کہ یہ ایک ایسے ہی نظام سے جوڑا گیا ہے۔

مساوات 5.112 ایک معاصر مشین کا مروڑ بتلاتا ہے۔اس مساوات کے مطابق برقی مقناطیسی مروڑ کی کوشش ہوتی ہے کہ وہ مشین میں موجود عمل کرنے والے مقناطیسی دباؤ کو سیدھ میں لائے۔ یکساں حال میں چالو ²⁸³ مشین کا برق مقناطیسی مروڑ اور اس کے دُھرے پر لاگو میکانی مروڑ برابر ہوتے ہیں۔ جب مشین ایک جنریٹر کی حیثیت سے استعمال ہو تب میکانی طاقت دُھرے کو گھماتا ہے اور گھومتے لچھے کا مقناطیسی دباؤ کُل مقناطیسی دباؤ سے گھومنے کی سے میں آگے ہوتا ہے۔ مساوات 5.112 سے حاصل مروڑ اس صورت میں گھومنے کی کوشش کرتا ہے۔میکانی طاقت چلتے پانی، ایندھن سے چلتے انجن وغیرہ سے حاصل ہو رہا ہو، تب صورت اس کے بالکل اُلٹ ہو گی۔ حیثیت سے استعمال ہو رہا ہو، تب صورت اس کے بالکل اُلٹ ہو گی۔

اگرکُل مقناطیسی بہاؤ ہو ہو اور گھومتے لچھے کا مقناطیسی دباؤ بہر مناطیسی دباؤ جہرے کا مقناطیسی دباؤ بہر تب تبدیل نہ ہو تب اسی مساوات کے مطابق مشین کا مروڑ بھی صفر ہوگا۔ اب تصور ساتھ تبدیل ہوگا۔ اگر زاویہ θ صفر ہو تب یہ مروڑ بھی صفر ہوگا۔ اب تصور کریں کہ یہی مشین ایک موٹر کے طور پر استعمال ہو رہی ہو۔ جیسے جیسے موٹر پر لدھا میکانی بار بڑھایا جائے ویسے ویسے اس کے دُھرے پر میکانی مروڑ بڑھے

²⁸³ steady state operation

گی۔ موٹر کو برابر کا برقی مقناطیسی مروڑ پیدا کرنا ہوگا جو یہ زاویہ بڑھا کر کرتا ہے۔ یہاں یہ سمجھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر وقت معاصر رفتار سے ہی گھومتا ہے۔ اور وہ یہ زاویہ پل بھر کے لئے آہستا ہو کر ضرورت کے مطابق درست کرتا ہے۔ یعنی موٹر کا زاویہ θ , ہر وقت میکانی مروڑ کا تعقب 284 کرتی ہے۔

آگر موٹر پر لدھا میکانی بار بتدریج بڑھایا جائے تو ایک لمحہ آئے گا جب زاویہ θ , نوبے درجہ یا $\pi/2$ ریڈیئن تک پہنچ جائے گا۔ اس لمحہ موٹر اپنی انتہائی مروڑ ϵ^{285} پیدا کر رہی ہوگی۔ آگر بار مزید بڑھایا جائے تو موٹر کسی بھی صورت میں اس کے مقابلے کا مروڑ نہیں پیدا کر سکتی اور یہ موٹر رکھ جائے گی۔ ہم کہتے ہیں کہ موٹر نے غیر معاصر ϵ^{280} صورت اختیار کر لی ہے۔ مساوات سے یہ ظاہر ہے کہ کُل مقناطیسی بھاؤ یا گھومتے لجھے کا مقناطیسی دباؤ بڑھا کر اس انتہائی مروڑ کی مقدار بڑھائی جا سکتی ہے۔

یہی صورت اگر مشین برقی جنریٹر کے طور پر استعمال کی جائے سامنے آتی ہے۔ جب بھی مشین غیر معاصر صورت اختیار کرمے اسے جلد خود کار دور شکن ²⁸⁷کی مدد سے برقی بھم رسانی سے الگ کر دیا جاتا ہے۔

ہم نے دیکھاکہ ایک معاصر موٹر صرف اور صرف معاصر رفتار سے ہی گھوم سکتی ہے اور صرف اسی رفتار پر گھومتی صورت میں مروڑ پیدا کر سکتی ہے لہٰذا اگر اسے ساکن حالت سے چالو 288 کرنے کی کوشش کی جائے تو یہ

²⁸⁴ hunting

²⁸⁵ pull-out torque

²⁸⁶ lost synchronism

²⁸⁷ circuit breaker

²⁸⁸ switch on

کوشش ناکام رہے گی۔ ایسے موٹر کو پہلے کسے اور طریقے سے معاصر رفتار تک لایا جاتا ہے اور پھر اسے چالو کیا جاتا ہے۔ ایسا عموما ً ایک چھوٹی امالی موٹر 289 کی مدد سے کیا جاتا ہے جو بے بار معاصر موٹر کو، اس کے معاصر رفتار تک لے آتا ہے اور پھر اس معاصر موٹر کو چالو کیا جاتا ہے۔ ایسی امالہ موٹر معاصر موٹر کے دُھرے پر ہی نسب ہوتی ہے۔

6.2 معاصر مشین کے امالہ

ہم تصور کرتے ہیں کہ مشین دو قطب اور تین دور کی ہے اور اس کے پھے ستارا نما جڑے ²⁹⁰ ہیں۔اس طرح لچھوں میں برقی رو، لائن ²⁹¹ کی برقی رو ہی ہوگی اور ان پر لاگو برقی دباؤ، دوری برقی دباؤ ²⁹² ہوگی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

شکل 6.2 میں ایک ایسا تینی دور اور دو قطب والا معاصر مشین دکھایا گیا ہے۔ اس کا گھومتا حصہ نلی نما ہے۔اس کو دو قطب کا مشین یا پھر P قطب کے مشین کا دو قطب کا حصہ سمجھا جا سکتا ہے۔

یہاں گچھ لچھے دکھائے گئے ہیں لیکن حقیقت میں پھیلے لچھے ہی استعمال ہوتے ہیں اور انہیں درحقیقت پھیلے لچھے ہی سمجھا جائے۔ اس طرح ہر لچھا سائن نما برقی دباؤ پیدا کرتا ہے جس کی چوٹی لچھے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہوتی ہے۔ چونکہ معاصر مشین میں گھومتے لچھے میں یک سمتی رو ہی

²⁸⁹ induction motor

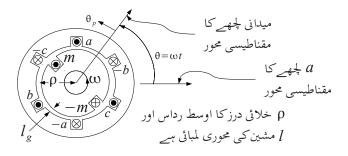
²⁹⁰ star connected (Y-connected)

²⁹¹ line current

²⁹² phase voltage

ہوتا ہے لہذا اس کا مقناطیسی دباؤ ہر لمحہ گھومتے حصے کی مقناطیسی محور کی سمت میں ہی رہتا ہے۔ یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ اس طرح گھومتے لجھے کا مقناطیسی دباؤ گھومتے حصے کے ساتھ ساتھ معاصر رفتار سے گھومتا ہے۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ مشین معاصر رفتار ω سے گھوم رہی ہے۔ اس طرح اگر لمحہ t=0 پر دور a^{293} ور گھومتے لمجھے کے مقناطیسی محور ایک ہی سمت میں ہوں تب کسی بھی لمحہ t پر ان کے مابین زاویہ $\theta=\omega t$ ہو گا۔



شكل 6.2:تين دور، دو قطب والا معاصر مشين

امالہ کے حساب لگانے کے لئے شکل 6.2 سے رجوع کریں۔ شکل میں محیط پر خلائی درز یکساں ہے اور اس کی رداسی سمت میں لمبائی $l_{\rm g}$ ہے۔ساکن

²⁹³ phase

حصے میں شگافوں کے اثر کو نظرانداز کیا گیا ہے۔ محور سے خلائی درز تک کا اوسط رداسی فاصلہ ρ ہے اور مشین کی دُھرے کی سمت میں محوری لمبائی l ہے۔

کسی بھی لچھے کے خود امالہ کا حساب کرتے وقت باقی سب لچھوں کو نظرانداز کریں۔ اس کا مطلب ہے کہ آپ تصور کریں کہ باقی سب لچھوں میں برقی رو صفر ہے یعنی ان لچھوں کے سرے آزاد رکھے گئے ہیں۔ حقیقت میں اگر آپ کبھی لچھوں کے خود امالہ کو مشین کی مدد سے ناپنا چاہیں تو آپ باقی سب لچھوں کے سرے آزاد ہی رکھیں گے۔

6.2.1 خود اماله

گھومتے یا ساکن لچھے کی خود امالہ L زاویہ θ پر منحصر نہیں۔ ان میں سے کسی بھی لچھے کی مقناطیسی دباؤ au

$$\tau = \frac{4}{\pi} \frac{k_w N i}{2} \cos \theta_p \tag{6.1}$$

سے خلائی درز میں کثافت مقناطیسی جماؤ B پیدا ہوگی جہاں

$$B = \mu_0 H = \mu_0 \frac{\tau}{l_g} = \frac{2 \mu_0 k_w N i}{\pi l_g} \cos \theta_p$$
 (6.2)

یہ مساوات زاویہ θ_p کے ساتھ بدلتی کثافت مقناطیسی دباؤ B بتلاتی ہے۔ اس لجھے کا ایک قطب پر کُل مقناطیسی بہاؤ ϕ کا حساب کرنے کے لئے ہمیں اس مساوات کا سطحی تکمل 294 یوں لینا ہوگا۔

$$\begin{aligned}
\Phi &= \int B dA \\
&= \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} B l \rho d\theta_{p} \\
&= \frac{2 \mu_{0} k_{w} N i l \rho}{\pi l_{g}} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \cos \theta_{p} d\theta_{p} \\
&= \frac{4 \mu_{0} k_{w} N i l \rho}{\pi l_{g}}
\end{aligned} \tag{6.3}$$

اب ہم اس کچھے کی خود امالہ L مساوات 2.53 سے یوں حاصل کر سکتے ہیں۔

$$L = \frac{\lambda}{i} = \frac{k_w N \phi}{i} = \frac{4 \mu_0 k_w^2 N^2 l \rho}{\pi l_g}$$
 (6.4)

یہ مساوات اس شکل میں کسی بھی لچھے کی خود امالہ دیتا ہے۔یعنی

²⁹⁴ surface integral

$$L_{aa0} = L_{bb0} = L_{cc0} = \frac{4 \mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_\sigma}$$
 (6.5)

اور

$$L_{mm0} = \frac{4 \mu_0 k_{wm}^2 N_m^2 l \rho}{\pi l_g}$$
 (6.6)

6.2.2 مشتركه اماله

اب ہم دو کچھوں کا مشترکہ امالہ حاصل کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ صرف گھومتا کچھا مقناطیسی بھاؤ پیدا کر رہا ہیے۔ ہم اس کا وہ حصہ جو a کچھے سے گزرے کا حساب لگا کر ان کا مشترکہ امالہ حاصل کریں گے۔ شکل a میں وہ گھومتے اور a کچھے کیے مابین a کا زاویہ ہیے۔ اس صورت میں وہ مقناطیسی بھاؤ جو a b کو میں تکمل کے حد تبدیل کر گزرے گا۔ اس مقناطیسی بھاؤ کا حساب مساوات a میں تکمل کے حد تبدیل کر کے یوں حاصل ہوگا۔

$$\begin{aligned}
\Phi_{am} &= \int B dA \\
&= \int_{-\pi/2-\theta}^{+\pi/2-\theta} B l \rho d \theta_{p} \\
&= \frac{2 \mu_{0} k_{wf} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \int_{-\pi/2-\theta}^{+\pi/2-\theta} \cos \theta_{p} d \theta_{p} \\
&= \frac{4 \mu_{0} k_{wf} N_{m} i_{m} l \rho}{\pi l_{g}} \cos \theta
\end{aligned} (6.7)$$

اس مساوات سے ان کا مشترکہ امالہ یہ ہے

$$L_{am} = \frac{\lambda_{am}}{i_m} = \frac{k_{wa} N_a \Phi_{am}}{i_m} = \frac{4 \mu_0 k_{wa} N_a k_{wm} N_m l \rho}{\pi l_g} \cos \theta$$
 (6.8)

اس کو یوں لکھ سکتے ہیں

$$L_{am} = L_{am0} \cos \omega t \tag{6.9}$$

جہاں جیسے پہلے ذکر ہوا زاویہ θ گھومنے کی رفتار پر منحصر ہے یعنی $\theta=\omega t$ یہ ہر

$$L_{am0} = \frac{4 \mu_0 k_{wa} N_a k_{wm} N_m l \rho}{\pi l_g}$$
 (6.10)

اگرچہ یہ مساوات ایک گھومتے اور ایک ساکن پلھے کے لئے نکالاگیا ہے درحقیقت یہ اس شکل میں کسی بھی دو پلھوں کے لئے درست ہے۔ یہ دونوں پلھے ساکن ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ آگا یہ دونوں گھومتے ہوتے تب بھی جواب یہی آتا۔ لہذا دو ساکن یکساں پلھے مثلاً a اور b جن کے مابین a 120° کا زاویہ ہے کا آپس کا مشترکہ امالہ یہ ہوگا۔

$$L_{ab} = \frac{4\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g} \cos 120^0$$

$$= -\frac{2\mu_0 k_{wa}^2 N_a^2 l \rho}{\pi l_g}$$
(6.11)

اگر تینوں ساکن لچھے بالکل یکساں ہو تب ہم اس مساوات اور مساوات 6.5 کی مدد سے یہ لکھ سکتے ہیں۔

$$L_{ab} = L_{bc} = L_{ca} = -\frac{L_{aa0}}{2} \tag{6.12}$$

6.2.3 معاصر اماله

مشین پر لاگو برقی دباؤ کو مشین کے لچھوں کی خود امالہ، مشترکہ امالہ اور لچھوں میں برقی رو کی مدد سے لکھا جا سکتا ہے۔ یہ کرنے کے لئے ہم پہلے لچھوں کی اِرتَباطِ بھاؤ \lambda کو ان کے امالہ اور ان میں برقی رو کی مدد سے یوں لکھتے ہیں۔

$$\lambda_{a} = L_{aa} i_{a} + L_{ab} i_{b} + L_{ac} i_{c} + L_{am} I_{m}
\lambda_{b} = L_{ba} i_{a} + L_{bb} i_{b} + L_{bc} i_{c} + L_{bm} I_{m}
\lambda_{c} = L_{ca} i_{a} + L_{cb} i_{b} + L_{cc} i_{c} + L_{cm} I_{m}
\lambda_{m} = L_{ma} i_{a} + L_{mb} i_{b} + L_{mc} i_{c} + L_{mm} I_{m}$$
(6.13)

ان مساوات میں ساکن کچھوں کے بدلتی برقی رو کو چھوٹے حروف یعنی i_a,i_b,i_c سمتی برقی i_a,i_b,i_c رو کو بڑے حرف I_m سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ان چار مساوات میں سے ہم کسی ایک کو چُنتے ہیں اور اسے حل کرتے ہیں۔ چونکہ یہ چاروں مساوات ایک طرح کے ہیں اس لئے باقی بھی ایسے ہی حل ہوں گے۔ ہم ان میں سے پہلے مساوات لیتے ہیں یعنی

$$\lambda_a = L_{aa} i_a + L_{ab} i_b + L_{ac} i_c + L_{am} I_m \tag{6.14}$$

مساوات 6.5 ہمیں a لچھے کا خود امالہ دیتا ہے۔ یہ مساوات یہ تصور کر کے نکالاگیا تھاکہ اس لچھے کا پورا مقناطیسی بہاؤ خلائی درز سے گزرتا ہے۔ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا اور کچھ مقناطیسی بہاؤ اس خلائی درز میں سے گزر کر دوسری جانب نہیں پہنچتا۔ ایسے مقناطیسی بہاؤ کی وجہ سے رستا امالہ L_{al} وجود میں آتا ہے۔ یہ بالکل ٹرانسفارمر کے رستا امالہ کی طرح ہے۔ یوں اس لچھے کا کُل خود امالہ L_{aa} یہ ہے

$$L_{aa} = L_{aa0} + L_{al} (6.15)$$

ہم مساوات 6.5 مساوات 6.9 مساوات 6.12 اور مساوات 6.15 کی مدد سے مساوات 6.14 کو یوں لکھتے ہیں۔

$$\begin{split} & \lambda_{a} \! = \! (L_{aa0} \! + \! L_{al}) i_{a} \! - \! \frac{L_{aa0}}{2} i_{b} \! - \! \frac{L_{aa0}}{2} i_{c} \! + \! L_{am0} I_{m} cos \, \omega \, t \\ & = \! (L_{aa0} \! + \! L_{al}) i_{a} \! - \! \frac{L_{aa0}}{2} (i_{b} \! + \! i_{c}) \! + \! L_{am0} I_{m} cos \, \omega \, t \end{split} \tag{6.16}$$

اب تین دور کے برقی رو کے لئے

$$i_a + i_b + i_c = 0$$
 (6.17)

للذا مساوات 6.16 میں اس کو استعمال کرتے ملتا ہے

$$\lambda_{a} = (L_{aa0} + L_{al})i_{a} - \frac{L_{aa0}}{2}(-i_{a}) + L_{am0}I_{m}\cos\omega t$$

$$= \left(\frac{3}{2}L_{aa0} + L_{al}\right)i_{a} + L_{am0}I_{m}\cos\omega t$$

$$= L_{s}i_{a} + L_{am0}I_{m}\cos\omega t$$
(6.18)

جهاں

$$L_s = \frac{3}{2} L_{aa0} + L_{al} \tag{6.19}$$

کو معاصر امالہ کہتے ہیں۔

اس مساوات اور مساوات 5.55 پر ایک بار دوبارہ غور کریں۔ یہ دونوں ملتے جلتے ہیں۔ وہاں کُل گھومتا مقناطیسی دباؤ ایک لچھے کی مقناطیسی دباؤ کے 3/2 گھنّا کے 3/2 گھنّا ہا اور یہاں معاصر امالہ ایک لچھے کی املہ کے 3/2 گھنّا ہے۔ یہ دو مساوات درحقیقت ایک ہی بات کے دو پہلو ہیں۔

a معاصر امالہ تین حصوں پر مشتمل ہر۔ پہلا حصہ L_{aa0} ہمر جو لا باق a پھے کا باق $L_{aa0}/2$ ہے۔ دوسرا حصہ $L_{aa0}/2$ اس کھے یعنی aدو لچھوں کر ساتھ اُس صورت میں مشترکہ امالہ سے جب مشین میں تینی دور کی متوازن برقی رو ہو۔تیسرا حصہ a لجھر کا رستا مالہ ہر۔ اس طرح معاصر امالہ مشین کے ایک لچھے کا ظاہری امالہ ہوتا ہے جب مشین میں متوازن برقی رو ہو۔

مثال 6.1: ایک معاصر جنریٹر کی ایک دور کی خود امالہ اور رستا امالہ یہ

 $L_{aa} = 2.2 \ mH$ $L_{al} = 0.2 \ mH$

اس مشین کی دو دور کی مشترکہ امالہ اور مشین کی معاصر امالہ حاصل کریں۔

حل:

چونکہ $L_{aa0} = 2$ MH لہذا $L_{aa} = L_{aa0} + L_{al}$ حصاوات $L_{aa0} = L_{aa0}$ $L_s=3.2~mH$ اور مساوات 6.19 کی مدد سر $L_{ab}=-1~mH$ مدد سر

معاصر مشی*ن کا مساوی دو*ر ²⁹⁵

پے او کے برقی دباؤ اس کے مزاحمت R_a میں برقی دباؤ کے a

²⁹⁵ equivalent circuit

گھٹنے اور λ_a کے برقی دباؤ کے برابر ہوگا، یعنی

$$v_{a} = i_{a} R_{a} + \frac{d \lambda_{a}}{d t}$$

$$= i_{a} R_{a} + L_{s} \frac{d i_{a}}{d t} - \omega L_{am0} I_{m} \sin \omega t$$

$$= i_{a} R_{a} + L_{s} \frac{d i_{a}}{d t} + e_{am}$$

$$(6.20)$$

يهاں

$$e_{am} = -\omega L_{am0} I_m \sin \omega t$$

$$= +\omega L_{am0} I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2} \right)$$
(6.21)

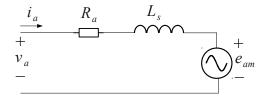
کو ہیجانی برقی دباؤ یا اندرونی پیدا کردہ برقی دباؤ کہتے 296 ہیں جو گھومتے پلھے سے پیدا مقناطیسی ہاؤ کی وجہ سے وجود میں آتی ہے۔ اس کے موثر قیمت $E_{am,rms}$ مساوات 1.50 کی مدد سے حاصل ہوتا ہے

296
$$\cos(\alpha + \frac{\pi}{2}) = \cos\alpha\cos\frac{\pi}{2} - \sin\alpha\sin\frac{\pi}{2} = -\sin\alpha$$

$$E_{am,rms} = \frac{\omega L_{am0} I_m}{\sqrt{2}} = 4.44 f L_{am0} I_m$$
 (6.22)

مساوات 6.20 کو ایک برقی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے جسے شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے۔کسی بھی برقی آلا پر جب برقی دباؤ لاگو کیا جائے تو برقی رو کی مثبت سمت لاگو برقی دباؤ کے مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہوتی ہے۔ لاذا اس شکل میں برقی رو i_a لاگو برقی دباؤ v_a کی مثبت سرے سے باہر کی جانب کو ہے۔یہ شکل ایک موٹر کو ظاہر کرتی ہے جہاں موٹر کے مثبت سرے پر برقی رو اندر کی جانب کو ہوتا ہے۔

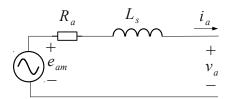
آگر موٹر کی بجائے ایک معاصر جنریٹر کی بات ہوتی تو یہ جنریٹر برقی دباؤ



شکل 6.3:معاصر موثر کا مساوی دور

پیدا کرتا اور برقی رو اس جنریٹر کی مثبت سرمے سے باہر کی جانب کو ہوتی۔ اس

صورت میں ہمیں شکل 6.3 کی جگہ شکل 6.4 ملے گا۔



شکل 6.4:معاصر جنریترکا مساوی دور

اس شکل کی مساوات اسی شکل سے یوں حاصل ہوتی ہے۔

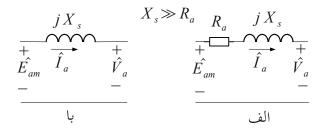
$$e_{am} = i_a R_a + L_s \frac{d i_a}{d t} + v_a \tag{6.23}$$

یهاں یہ دھیان رہے کہ جنریٹر کے مساوی دور میں برقی رو کی مثبت سمت موٹر کے مساوی دور میں برقی روکی مثبت سمت کے اُلٹ ہے۔اس کا دوری سمتیہ 297 مساوات یوں لکھا جائے گا

²⁹⁷ phasor

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s + \hat{V}_a$$
 (6.24)

اس دوری سمتیہ کے مساوات کو شکل 6.5 الف میں دکھایا گیا ہے۔ عام حالات میں X_s کی مقدار X_s سے سو سے دو سو گنا زیادہ ہوتی ہے۔



شکل 6.5:معاصر جنریٹر کی مساوی دور

دو قطب 50 ہرٹز کا ایک معاصر جنریٹر 40 ایمپیئر میدانی برقی رو پر 2100 وولٹ دوری مربع کی اوسط برقی دباؤ پیداکر تی ہے۔اس

مثال 6.2:

مشین کی قوی اور میدانی لجھوں کے مابین مشترکہ امالہ حاصل کریں۔

حل:

مساوات 6.22 سے

$$L_{am} = \frac{\sqrt{2} E_{am}}{\omega I_{m}} = \frac{\sqrt{2} \times 2100}{2 \times \pi \times 50 \times 40} = 0.2363 \ H$$

6.4 برقی طاقت کی منتقلی

شکل 3.21 ایک ٹرانسفارمرکا مساوی دور اور شکل 6.5 ایک معاصر جنریٹرکا مساوی دور ہے۔ دونوں بالکل ایک طرح کے ہیں، لہذا مندرجہ ذیل بیان دونوں کے لئے درست ہوگا، آگرچہ یہاں ہمیں صرف معاصر آلوں سے دلچسپی ہے۔

معاصر آلوں میں معاصر متعاملہ لچھے کی مزاحمت سے بہت زیادہ ہوتا ہے لہذا اس کے مزاحمت کو نظرانداز کیا جاسکتا ۔ ایسا ہی شکل کے حصہ با میں کیا گیا ہے۔

شکل 6.5 کے حصہ باکو آگر ہم ایک لمحے کے لئے ایک سادہ برقی دور سمجھیں جس کے بائیں جانب \hat{F}_{am} اور دائیی جانب \hat{V}_a برقی دباؤ ہے جن کے مابین ایک متعاملہ $j\,X_s$ جڑا ہے۔ اس برقی دور میں برقی طاقت کے منتقلی

کا حساب یوں ممکن ہر۔

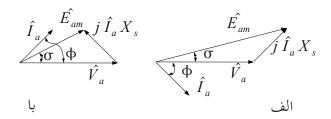
شکل 6.5 حصہ باکی دوری سمتیہ شکل 6.6 میں دیاگیا ہے جس کے حصہ الف میں \hat{I}_a برقی دباؤ \hat{V}_a کے Φ زاویہ پیچھے \hat{I}_a ہے اور حصہ با میں Φ زاویہ اگے \hat{I}_a بیاد رہے کہ \hat{V}_a اور \hat{I}_a کے مابین زاویہ کو طاقت کے جُز و ضربی کا زاویہ \hat{V}_a کہتے ہیں اور اس زاویہ کے کو-سائن یعنی $\cos \Phi$ کو طاقت کا جُز و ضربی \hat{V}_a ہیں۔ چونکہ زاویہ اُفقی سمت سے گھڑی کی اُلٹی سمت ناپی جاتی ہے لہٰذا شکل کے حصہ الف میں Φ ایک منفی زاویہ ہے اور Φ ایک منفی کا مطلب ہوا کہ پیچھے زاویہ منفی اور آگے زاویہ مثبت ہوتے ہیں۔

²⁹⁸ lagging

²⁹⁹ leading

³⁰⁰ power factor angle

³⁰¹ power factor



شکل 6.6:معاصر جنریٹر کا دوری سمتیہ

دائیں جانب طاقت P_v منتقل ہو رہی ہے جہاں

$$P_{v} = V_{a} I_{a} \cos \Phi \tag{6.25}$$

اور شکل میں حصہ الف کے لئے

$$\hat{I}_{a} = \frac{\hat{E}_{am} - \hat{V}_{a}}{jX_{s}}$$

$$= \frac{E_{am} \angle \sigma - V_{a} \angle 0}{X_{s} \angle \frac{\pi}{2}}$$

$$= \frac{E_{am}}{X_{s}} \angle (\sigma - \frac{\pi}{2}) - \frac{V_{a}}{X_{s}} \angle (-\frac{\pi}{2})$$
(6.26)

ایک دوری سمتیہ کے دو جُز ہوتے ہیں۔ اس کا حقیقی جُز اُفقی سمت میں بنایا جاتا ہے اور اس کا فرضی جُز حقیقی جُز کے عمود میں بنایا جاتا ہے۔ شکل سے واضح ہے کہ اس مساوات کا حقیقی جُز \hat{V}_a کے ہم دور ہے لہٰذا

$$I_a \cos \phi_a = \frac{E_{am}}{X_s} \cos(\sigma - \frac{\pi}{2}) - \frac{V_a}{X_s} \cos(-\frac{\pi}{2})$$

$$= \frac{E_{am}}{X_s} \sin \sigma$$
(6.27)

اس مساوات اور مساوات 6.25 سے حاصل ہوتا ہے

$$P_{v} = \frac{V_{a} E_{am}}{X_{s}} \sin \sigma \tag{6.28}$$

تین دور کی معاصر مشین کر لئر اس مساوات کو تین سر ضرب دیں یعنی

$$P = \frac{3 V_a E_{am}}{X_s} \sin \sigma \tag{6.29}$$

یہ طاقت بالمقابل زاویہ کی مساوات ہر ۔آگر V_a معینی ہو تو جنریٹر E_{am} یا σ بڑھا کر طاقت بڑھا سکتا ہے۔ E_{am} گھومتر کچھے میں برقی رو بڑھا کر σ بڑھائی جاتی ہر ۔البتہ یہ ایک حد تک کرنا ممکن ہر ۔ لچھر کی مزاحمت میں ہر قی توانائی ضائع ہونے سے یہ گرم ہوتا ہر اور اس کی حرارت کو خطرناک حد تک بہنچنر نہیں دیا جا سکتا۔ دوسری جانب σ کو نور زاویہ تک بڑھایا جا سکتا ہر اور اس صورت میں

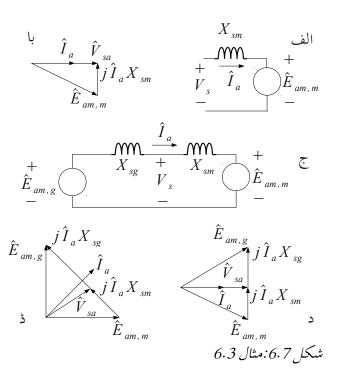
$$P_{max} = \frac{3 V_a E_{am}}{X_s} \tag{6.30}$$

حقیقت میں جنریٹر کو اس طرح بنایا جاتا ہے کہ اس کی زیادہ سے زیادہ قابل استعمال طاقت نوبر درجر سر کافی کم زاویہ پر ہو۔ نوبر درجر پر جنریٹر کو قابو رکھنا مشکل ہو جاتا ہے۔

مثال 6.3: ایک 50 قطب ستارا جڑی تین دور 50 ہرٹز 2300 وولٹ تارکی

برقی دباؤ پر چلنے والی 1800 کلو وولٹ-ایمپیئر کی معاصر مشین کی ایک دور کی معاصر امالہ 2.1 اوسم سر۔

- مشین کے برقی سروں پر 2300 وولٹ تارکی برقی دباؤ مہیا کرتے ہوئے اگر اس کی میدانی برقی رو اتنی رکھی جائے کہ مشین کے پورے بار پر یہ ایک جزو ضربی طاقت پر چلے تو اس سے زیادہ سے زیادہ کتنی مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے۔
- آگر اسے 2 قطب 3000 چکر فی منٹ تین دور کی ستارا جڑی 2300 وولٹ تارکی برقی دباؤ پیدا کرنے والی 2200 کلو وولٹ-ایمپیئر کی معاصر جنریٹر سے چلایا جائے جس کی ایک دور کی معاصر امالہ 2.3 اوہم ہو۔ موٹر پر اس کا پورا برقی بار لاد کر جنریٹر کو معاصر رفتار پر چلاتے ہوئے دونوں آلوں کی میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے حتیٰ کہ موٹر ایک جزو ضربی طاقت پر چلنے لگے۔دونوں آلوں کی میدانی برقی رو یہاں برقرار رکھ کر موٹر پر بار آہستا آہستا بڑھائی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر سے زیادہ سے زیادہ کتنی مروڑ حاصل کی جا سکتی ہے اور اس کی سروں پر تارکی برقی دباؤ کتنی ہوگی۔



حل پہلی جز: شکل 6.7 حصہ الف اور با سے رجوع کریں۔دوری برقی دباؤ اور کُل برقی رو یہ ہے

$$\frac{2300}{\sqrt{3}} = 1327.9V$$

$$\frac{1800000}{\sqrt{3} \times 2300} = 451.84A$$

لهذا

$$\hat{E}_{am,m} = \hat{V}_a - j\hat{I}_a X_{s,m}$$

$$= 1327.9 \angle 0^0 - j451.84 \angle 0^0 \times 2.1$$

$$= 1327.9 - j948.864$$

$$= 1632 \angle -35.548^0$$

$$= 1632 \angle 0.30 \text{ and } 0.30 \text{$$

$$P_{max} = \frac{1327.9 \times 1632}{2.1} = 1031968 \ W$$

ہے ۔ یوں تین دور کی زیادہ سے زیادہ طاقت 3095904 واٹ ہوگی۔ 50 ہرٹنز اور 50 قطب سے مشین کی معاصر میکانی رفتار مساوات 5.61 کی ماد سے دو چکر فی سیکناڈ حاصل ہوتی ہے یعنی $f_m = 2$ ۔ یوں مشین سے زیادہ سے زیادہ مروڑ

$$T_{max} = rac{P_{max}}{2\pi f_m} = rac{3095904}{2\pi imes 2} = 246364 \ Nm$$
حاصل ہو گی۔

حل دوسری جز:

شکل 6.7 حصہ ج سے رجوع کریں۔پہلی جز کی طرح یہاں بھی موٹر کی برقی سروں پر تارکی برقی دباؤ 2300 وولٹ اور اس کی محرک برقی دباؤ 1632 وولٹ ہے۔ جنریٹر کی محرک برقی دباؤ

$$\hat{E}_{am,g} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_{s,g}$$

$$= 1327.9 \angle 0^0 + j451.84 \angle 0^0 \times 2.3$$

$$= 1327.9 + j1039.232$$

$$= 1686 \angle 38.047^0$$

سے۔یہ صورت شکل کے حصہ د میں دکھائی گئی سے۔

معاصر موٹر اس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت پیدا کرے گی جب $\hat{E}_{am,m}$ اور $\hat{E}_{am,m}$ آپس میں $\hat{E}_{am,g}$ زاویہ پر ہوں۔ ایسا شکل کے حصہ ڈمیں دکھایا گیا ہے۔

اب مساوات 6.30 میں ایک معاصر امالہ کی جگہ سلسلہ وار جڑی موٹر اور جنریٹر کی امالہ ہیں اور دو برقی دباؤ اب موٹر اور جنریٹر کی محرک برقی دباؤ ہیں۔ یوں موٹر کی ایک دور سے زیادہ سے زیادہ

$$P_{max} = \frac{1686 \times 1632}{(2.3 + 2.1)} = 625352 \quad W$$

حاصل ہوں گے۔تین دور سے یوں 1876056 واٹ حاصل ہوں گے اور زیادہ سے زیادہ مروڑ

$$T_{max} = rac{P_{max}}{2\pi f_m} = rac{1876056}{2\pi imes 2} = 149291 \ Nm$$
ېوگى-

6.5 یکسال حال چالو مشین کے خصوصیات

معصر جنریٹر: برقی بار بالمقابل I_m کیے خطوط شکل 6.5.1 حصہ باکے لئے دوری سمتیوں کا مساوات یہ ہے

$$\hat{E}_{am} = \hat{V}_a + j\hat{I}_a X_s \tag{6.31}$$

اسے یوں لکھ سکتے ہیں

$$E_{am} \angle \sigma = V_a \angle 0 + I_a X_s \angle \left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) \tag{6.32}$$

اس مساوات کو مخلوط عدد 302 کے طور پر یوں لکھ سکتے ہیں

$$E_{am}(\cos \sigma + j \sin \sigma) = V_a \cos 0 + I_a X_s \cos(\frac{\pi}{2} + \phi)$$
$$j V_a \sin 0 + j I_a X_s \sin(\frac{\pi}{2} + \phi) \qquad (6.33)$$
$$= E_{am,x} + j E_{am,y}$$

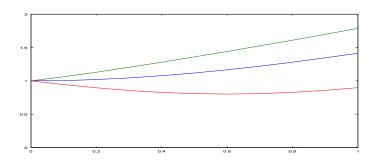
اس مساوات سے $\left|\hat{E}_{am}
ight|$ یعنی $\left|\hat{E}_{am}
ight|$ کی مقدار یوں حاصل ہوتی ہے

$$\begin{aligned}
|\hat{E}_{am}| &= \sqrt{E_{am,x}^2 + E_{am,y}^2} \\
&= \sqrt{V_a^2 + (I_a X_s)^2 + 2V_a I_a X_s \sin \phi}
\end{aligned} (6.34)$$

 E_{am} جنریٹر کے سروں پر معین V_a رکھتے ہوئے مختلف Φ کے لئے براہ بالمقابل I_m اور I_m براہ ہے۔ چونکہ I_a

³⁰² complex number

راست متناسب ہیں اور اسی طرح کسی ایک مخصوص طاقت کے جُز و ضربی اور معین V_a کے لئے جنریٹر کا طاقت I_a کے براہِ راست متناسب ہوتا ہے لہٰذا یہی گراف I_m بالمقابل جنریٹر کے طاقت کو بھی ظاہر کرتا ہے۔



شكل 6.8:جنريير: برقى بار بالمقابل آ كر خط

معاصر موٹر: I_a بالمقابل کے خط 6.5.2

معاصر موٹر کا مساوی دور شکل 6.3 میں دکھایا گیا ہے اور اس کا دوری سمتیہ شکل 6.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس میں مزاحمت نظرانداز کرنے سے اس کا دوری مساوات یوں ہوگا

$$\hat{V}_{a} = \hat{E}_{am} + j\hat{I}_{a}X_{s}$$

$$V_{a} \angle 0 = E_{am} \angle \sigma + jI_{a} \angle (\phi)X_{s}$$

$$V_{a} \angle 0 = E_{am} \angle \sigma + I_{a}X_{s} \angle \left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$$
(6.35)

اس مساوات میں زاویے موٹر پر لاگو برقی دباؤ \hat{V}_a کے حوالہ سے ہیں، یعنی \hat{V}_a کا زاویہ صفر لیا گیا ہے۔یاد رہے کہ زاویہ ناپنے کی مثبت سمت اُفقی لکیر سے گھڑی کی اُلٹی سمت ہے لہٰذا آگے زاویہ E_{am} مثبت اور پیچھے زاویہ E_{am} منفی ہیں۔ اس مساوات سے امالی دباؤ کی مقدار E_{am} یوں حاصل ہوگی۔

$$E_{am} \angle \sigma = V_a \angle 0 - I_a X_s \angle \left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$$

$$= V_a - I_a X_s \cos\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right) - j I_a X_s \sin\left(\frac{\pi}{2} + \phi\right)$$

$$= V_a + I_a X_s \sin\phi - j I_a X_s \cos\phi$$

$$\left|\hat{E}_{am}\right| = \sqrt{(V_a + I_a X_s \sin\phi)^2 + (I_a X_s \cos\phi)^2}$$

$$= \sqrt{V_a^2 + I_a^2 X_s^2 + 2V_a I_a X_s \sin\phi}$$
(6.36)

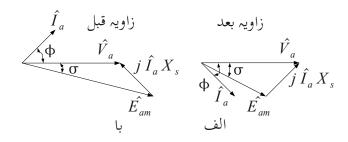
موٹر پر لاگو برقی دباؤ اور اس پر میکانی بار معین رکھ کر اس مساوات کو

³⁰³ leading angle

³⁰⁴ lagging angle

شکل 6.10 میں گراف کیا گیا ہے۔ مختلف میکانی بار رکھ کر ایسے کئی گراف بنائے گئے ہیں۔ یہ موٹر کے E_{am} بالمقابل I_a بنائے گئے ہیں۔ یہ موٹر کے براہِ راست متناسب ہے لہٰذا یہی موٹر کے I_m بالمقابل I_a خط بحی ہیں۔ ان میں سے ہر خط ایک معین میکانی بار P کے لئے ہے جہاں

$$P = V_a I_a \cos \phi \tag{6.37}$$

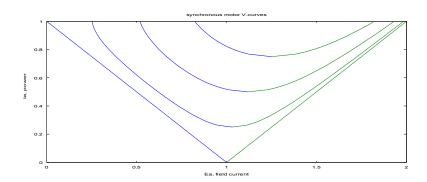


شکل 6.9:موٹرکا دوری سمتیہ

اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر P اور V_a معین ہوں تو جُز و ضربی طاقت تبدیل کر کے I_a تبدیل کیا جا سکتا ہے۔ لہٰذا مساوت 6.36 کو مساوات 6.37 کی مدد سے گراف کیا جاتا ہے۔ یہ کچھ یوں کیا جاتا ہے۔معین

ور P کے لئے مختلف I_a پر مساوات 6.37 سے P حاصل کریں۔ ان P اور P کو مساوات 6.36 میں استعمال کر کے P کا حساب لگائیں اور P بالمقابل P کا گراف بنائیں۔

موٹر کی ان خطوط سے واضح ہے کہ I_m کو تبدیل کر کے موٹر کی جزو ضربی طاقت تبدیل کی جا سکتی ہے۔ لہٰذا موٹر کو آگے زاویہ یا پیچھے زاویہ پر چلایا جا سکتا ہے۔ آگر اسے آگے زاویہ پر رکھا جائے تو یہ ایک کپیسٹر کے طور پر استعمال ہو سکتا ہے آگرچہ ایسا کیا نہیں جاتا چونکہ کپیسٹر کا استعمال زیادہ سستا پڑتا ہے۔



شكل E_{am} : موثر: E_{am} بالمقابل المراجع

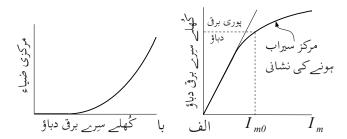
6.6 کھلے دور اور کسر دور معائنہ

معاصر مشین کے مساوی دور بنانے کے لئے اس کے جُز معلوم کرنا لازم ہے۔ یہ دو قسم کے معائنہ اور کسرِ دور معائنہ اور کسرِ دور معائنہ کہتے ہیں۔ ان معائنوں سے مرکز کے سیراب ہونے کے اثرات بھی سامنے آتے ہیں۔ ہم نے ٹرانسفارمر کے لئے بھی اسی قسم کے معائنے کیے تھے۔ وہاں ہم نے دیکھا تما کہ کُھلے دور معائنہ اس برقی دباؤ پر کیا جاتا ہے جتنے کے لئے مشین بنائی گئی ہو جبکہ کسرِ دور معائنہ اس برقی رو پر کیا جاتا ہے جتنے کے لئے مشین بنائی گئی ہو۔ یہاں بھی ایسا ہی کیا جائے گا۔

6.6.1 گھلے دور معائنہ

معاصر مشین کے برقی سرے کُھلے رکھ کر اور اسے معاصر رفتار پر گھماتے ہوئے مختلف I_m پر مشین کے سروں پر پیدا برقی دباؤ V_a ناپی جاتی ہے ۔ ان دو کا گراف شکل 6.11 حصہ الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط مشین کے کُھلے دور خاصیت ظاہر کرتا ہے۔ یہی خط مشین بنانے والے بھی مہیا کر سکتے ہیں۔

³⁰⁵ design voltage



شکل 6.11: گھلے دور خط اور مرکزی ضیاع

اس کتاب کے حصہ 2.8 میں بتلایا گیا تھا کہ مرکز پر لاگو مقناطیسی دباؤ اگر بڑھایا جائے تو اس میں مقناطیسی بہاؤ بڑھتی ہے البتہ جلد ہی مرکز سیراب ہونے لگتا ہے۔اس کا اثر شکل کے حصہ الف میں خط کے جُھکنے سے واضح ہے۔اگر مرکز سیراب نہ ہوتا تو یہ خط شکل میں دیئے سیدھی لکیرکی پیروی کرتا۔ شکل میں نقطہ دار لکیروں سے مشین کا پورا برقی دباؤ اور اس پر درکار برقی رو I_{m0} دکھلایا گیا ہے۔

یہ معائنہ کرتے وقت اگر دُھرے پر میکانی طاقت P_1 ناپی جائے تو یہ بے بار مشین کی طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگی۔ اس کا بیشتر حصہ رگڑ کی وجہ سے، کچھ حصہ مرکز میں ضیاع کی وجہ سے اور کچھ گھومتے لچھے میں ضیاع کی وجہ سے ہوگا۔یاد رہے کہ عموما گھومتے لچھے کو یک سمتی جنریٹر سے برق توانائی دی جاتی ہے اور یہ جنریٹر بھی مشین کے دُھرے پر ہی نسب ہوتا ہے لہذا

اسے طاقت اصل محرک 307 سے ہی ملتی ہے۔ بے بار مشین اور بار بردار مشین دونوں کا رگڑ سے طاقت کے ضیاع کو یکساں سمجھا جاتا ہے چونک رگڑ سے طاقت کے ضیاع کا مشین پر لدھے بار سے کوئی خاص تعلق نہیں۔ اب آگر یہی معائنہ دوبارہ کیا جائے لیکن اس مرتبہ I_m بھی صفر رکھا جائے تو اس مرتبہ ناپا گیا طاقت P_2 صرف رگڑ کی وجہ سے طاقت کے ضیاع کے برابر ہوگا۔ ان دو ناپے گئے طاقت کا فرق یعنی P_1-P_2 مرکز میں طاقت کے ضیاع اور گھومتے پہلے میں برقی ضیاع بہت کم ہوتا پہلے میں برقی ضیاع بہت کم ہوتا ہے۔ اس طرح ہے اور اس کو عموما مرکز کے ضیاع کا حصہ ہی تصور کیا جاتا ہے۔ اس طرح ناپے گئے مرکزی ضیاع کا ایک خط شکل 6.11 حصہ با میں دیا گیا ہے۔

6.6.2 كسر دور معائنه

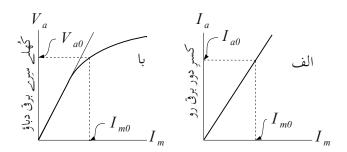
معاصر مشین کو معاصر رفتار پر جنریٹر کے طور چلاتے ہوئے اس کے ساکن پلھے کے سِرے کسِرِ دور کر کے مختلف I_m پر کسرِ دور برقی رو I_a ناپی جاتی ہے۔ ان دو کا گراف شکل 6.12 حصہ الف میں دکھایا گیا ہے۔ یہ خط کسرِ دور مشین کی خاصیت دکھلاتا ہے۔ یہ معائنہ کرتے وقت یہ دھیان رکھنا بہت اہم ہے کہ I_a کی مقدار کہ بی خطرناک حد تک نہ بڑھ جائے اسے جنریٹر کے پورے برقی بار I_a کی مقدار یا اس کی دگنی مقدار سے کم رکھنا ضروری ہے ورنہ مشین گرم ہو کر تباہ ہو سکتی ہے۔ کسرِ دور مشین میں، ڈیزائن کردہ برقی رو دباؤ کے، صرف دس سے پندرہ فیصد برقی دباؤ پر ہی اس میں سو فیصد برقی رو

³⁰⁶ گھومتے لچھے کو توانائی یک سمتی جنریٹر سے آتی ہے اور اس جنریٹرکو دُھرے سے آتی ہے

³⁰⁷ prime mover

³⁰⁸ full load

شروع ہو جاتی ہے۔ اتناکم برقی دباؤ حاصل کرنے کے لئے خلائی درز میں اتنا ہی مقناطیسی ہاؤکی درکار ہوتا ہے۔



شكل 6.12:كسر دور خط اوركهلر دور خط

شکل 6.5 میں جنریٹرکا مساوی برقی دور دکھایا گیا ہے۔ اسے شکل 6.13 میں کسرِ دور کرکے دکھایا گیا ہے۔ یہاں سے واضح ہے کہ

$$\hat{E}_{am} = \hat{I}_a R_a + j \hat{I}_a X_s \tag{6.38}$$

کو نظر انداز کر کے اس مساوات سے معاصر امالہ یوں حاصل کیا جا سکتا R_a

ہے۔

$$X_s = \frac{|\hat{E}_{am}|}{|\hat{I}_a|} \tag{6.39}$$

$$\begin{split} \hat{E_{am}} &= \hat{I_a} R_a + j \hat{I_a} X_s \\ X_s \gg R_a & R_a & j X_s \\ \hat{E_{am}} &= j \hat{I_a} X_s & \vdots \\ X_s &= \frac{|\hat{E_{am}}|}{|\hat{I_c}|} & \vdots \\ \end{split}$$

شكل 6.13:معاصر اماله

اس مساوات میں \hat{I}_a کسرِ دور مشین کی بر قی رو اور \hat{E}_{am} اس کی اسی حال میں ایک دور کی امالہ برقی دباؤ ہے۔ کھلے دور مشین میں \hat{I}_a صفر ہوتی ہے ۔ مساوات 6.31 سے واضح ہے کہ آگر \hat{I}_a صفر ہوتو \hat{E}_{am} اور \hat{I}_{a0} برابر ہوں گے۔ لہٰذا ہم کسی معین \hat{I}_{m0} پر شکل 6.12 حصہ الف سے \hat{I}_{a0} اور حصہ با سے \hat{I}_{a0} معلوم کرتے ہیں اور ان سے \hat{I}_{s} کا حساب لگاتے ہیں، یعنی

$$X_{s} = \frac{V_{a0}}{I_{c0}} \tag{6.40}$$

معاصر امالہ عموماً مشین کر پوربر برقی دباؤ پر معلوم کی جاتی ہے تاکہ مرکز سیراب ہونے کے اثر کو بھی شامل کیا جائے۔شکل میں ایسا ہی کیا گیا ہے۔

معاصر امالہ مشین کو ستارا نما تصور کر کیر اس کیر ایک دور کیر لئر حاصل کی جاتی ہر ۔لہذا اگر معائنہ کرتر وقت مشین کی تار ہر قی دباؤ 309 ناپر گئر ہوں تو انہیں $\sqrt{3}$ سے تقسیم کر کے مشین کے ایک دور کے برقی دباؤ حاصل کر کر مساوات میں استعمال کریں، یعنی

$$V_{\text{pb}} = \frac{V_{\text{pb}}}{\sqrt{3}} \tag{6.41}$$

مثال 6.4: ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر ستارا جڑی 415 وولٹ پر چلنے والی معاصر مشین کی کھلے دور اور کسرِ دور معائنہ کئے گئے۔نتائج یہ

309 line voltage

$V_{\mu} = 415V$ $I_{m} = 3.2 A$ کھلے دور معائنہ:

كسر دور معائنه:

قوی لچھے کی برقی رو	104	126
میدانی لچھے کی برقی رو	2.48	3.2

فهرست 6 □ 1:

اس مشین کی معاصر امالہ حاصل کریں۔

حل:

$$V_{\rm loc} = \frac{V_{\rm loc}}{\sqrt{3}} = \frac{415}{\sqrt{3}} = 239.6 \, V$$
 ایک دور پر برقی دباؤ

یہ کھلے دور برق دباؤ 3.2 ایمپیئر میدانی برق رو پر حاصل ہوتی ہے۔ اتنی میدانی برقی رو پر کسبر دور بر عی رو 126 ایمپیئر ہیں لہذا ایک دور کی معاصر امالہ $X_s = \frac{239.6}{126} = 1.901 \, \Omega$

کسرِ دور معائنہ کرتے وقت اگر دُھرے پر لاگو میکانی طاقت P_3 ناپی جائے تو یہ کسرِ دور مشین کی کُل ضیاع ہو گی۔ P_3 ناپتے وقت کسرِ دور بر تی

رو $I_{a,3}$ بھی ناپ لیں۔اس کا کچھ حصہ مرکز کی برقی ضیاع، کچھ دونوں پھوں میں برقی ضیاع اور کچھ رگڑ سے میکانی ضیاع سے ہے۔اب اگر اس سے پھلے معائنہ میں ناپی گئی رگڑ کی ضیاع P_2 منفی کی جائے تو ہمیں پھوں کی ضیاع اور مرکز کی ضیاع ملتا ہے۔ جیسا اُوپر عرض کیا گیا کہ کسرِ دور مشین میں پورا برقی رو، پورے برقی دباؤ کے صرف 20 فی صد پر حاصل ہو جاتا ہے اور اتنا کم برقی دباؤ حاصل کرنے کے لئے درکار مقناطیسی بھاؤ اتنا ہی کم ہوتا ہے۔ اتنے کم مقناطیسی بھاؤ پر مرکز میں ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح کسی بھی کسرِ دور معاصر مشین کے گھومتے پھھے میں برقی ضیاع ساکن پھھے میں برقی ضیاع سے بہت کم ہوتا ہے اور اسے بھی نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ سکتا ہے۔ لہذا حکے میں برقی ضیاع سے بہت کم ہوتا ہے۔ اور اسے بھی نظرانداز کیا جا شکل ہے۔ لہذا $P_3 - P_2$ کو ساکن پھھے میں برقی ضیاع کے برابر لیا جاتا ہے۔ شکل 6.14 میں ایک ایسا ہی خط دکھایا گیا ہے۔ لہذا

$$P_3 - P_2 = I_{a,3}^2 R_a \tag{6.42}$$

اس مساوات سے معاصر مشین کی مساوی مزاحمت یوں حاصل ہوتی ہے۔

$$R_a = \frac{P_3 - P_2}{I_{a,3}^2} \tag{6.43}$$



شكل 6.14:كسر دور معاصر مشين مين طاقت كا ضياع

مثال 6.5:

ایک 75 کلو وولٹ-ایمپیئر 415 وولٹ پر چلنے والی معاصر مشین کے پورے برقی رو پر تینوں دور کی کُل کسر دور طاقت کا

ضیاع 2.2 کلو واٹ ہے۔ اس مشین کی ایک دور کی موثر

مزاحمت حاصل کریں۔

حل:ایک دورکا ضیاع $\frac{2200}{3}$ =733.33 W

سے ۔مشین کے پوری برقی رو

$$\frac{75000}{\sqrt{3} \times V_{jc}} = 104.34 A$$

ہے۔لہٰذا

$$R_a = \frac{733.33}{104.34^2} = 0.067\Omega$$

ہے۔

شکل 6.15 میں 600 وولٹ 50 ہرٹنز 4 قطب تکونی جڑی معاصر جنریٹر کی کھلے دور خط دکھائی گئی ہے۔اس جنریٹر کی معاصر امالہ 0.11 اوہم اور قوی کچھے کی مزاحمت 0.01 اوہم

مثال 6.6:

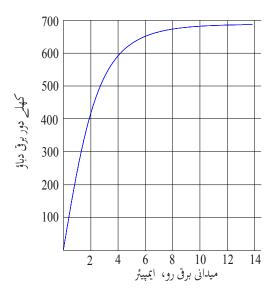
ہے۔ پورے برقی بار پر جنریٹر 0.92 پیچھے جزو ضربی طاقت کے بارکو 1000 ایمپیئر فراہم کرتا ہے۔ پورے بار پر رگڑ کی ضیاع اور لچھے کی مزاحمت میں ضیاع کا مجموعہ 30 کلو واٹ جبکہ مرکز کی ضیاع 25 کلو واٹ ہے۔

- جنریٹر کی رفتار معلوم کریں
- بے بار جنریٹر کی سروں پر 600 وولٹ برقی دباؤ کہ نبی میاانی برقی رو پر حاصل ہوگی۔
- آگر جنریٹر پر 0.92 پیچھے جزو ضربی طاقت کا 1000 ایمپیئر کا بر تی بار لادا جائے تو جنریٹر کے برقی سروں پر 600 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنی میدانی برقی رو درکار ہوگی۔
- جنریٹر پورے بار پر کتنی طاقت فراہم کر رہا سے جبکہ اس کو اصل محرک

کتنی میکانی طاقت فراہم کر رہا ہے۔ان دو سے جنریٹر کی فی صد استعداد 310 حاصل کریں۔

- آگر جنریٹر سے یک دم برقی بار ہٹایا جائے تو اس لمحہ اس کے بر قی سروں پر کتنی برقی دباؤ ہوگی۔
- آگر جنریٹر پر 1000 ایمپیئر 0.92 آگے جزو ضربی طاقت کا بار لادا جائے تو جنریٹر کے برق سروں پر 600 وولٹ برقرار رکھنے کے لئے کتنی میاانی برقی رو درکار ہوگی۔
- ان دو 1000 ایمپیئر پیچھے جزو ضربی طاقت اور آگے جزو ضربی طاقت باروں میں کونسی بار زیادہ میدانی برقی رو پر حاصل ہوتی ہے۔ جنریٹر کس بار سے زیادہ گرم ہوگا۔

³¹⁰ efficiency



شکل 6.15:کھلے دور خط

حل:

$$f_m = \left(\frac{2}{4}\right)$$
50=25 ليا $f_e = \left(\frac{P}{2}\right) f_m$ • $f_m = 25 \times 60 = 1500$

• یہ مشین تکونی جڑی ہے لہٰذا اس کی تارکی برقی دباؤ اور دوری برقی دباؤ برابر ہیں۔شکل 6.15 سے 600 وولٹ کے لئے درکار میدانی برقی رو

تقریباً 4.2 ایمپیئر سے۔

جنریٹر کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔تکونی جنریٹر کے تار اور دور کے برقی روکا تعلق $I_{ij} = \sqrt{3} I_{ij} = \frac{1000}{\sqrt{3}} = 577.35$ روکا تعلق $I_{ij} = \sqrt{3} I_{ij}$ ہے۔ لہذا میں تو جنریٹر کی اندرونی پیدا ہیجانی برقی سروں پر 600 وولٹ رہیں تو جنریٹر کی اندرونی پیدا ہیجانی برقی دباؤ

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{as} + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 600 \angle 0^0 + 577.35 \angle (-23.07^0) (0.01 + j0.1)$$

$$= 622.62 + j50.855$$

$$= 624.69 \angle 4.669^0$$

شکل سے اتنی برقی دباؤ 4.8 ایمپیئر میدانی برقی رو پر حاصل ہوگی۔

• جنریٹر اس صورت میں

$$P = \sqrt{3}V_s a I_a$$

= $\sqrt{3} \times 600 \times 1000 \times \cos(-23.07^0)$
= 956119 W

فراہم کر رہا سے جبکہ اصل محرک

$$P_m = 956.119 + 30 + 25$$
$$= 1011.12 \ kW$$

فراہم کر رہا سے لہذا اس جنریٹر کی فی صد استعداد

$$\eta = \frac{956.119}{1011.12} \times 100$$
$$= 94.56$$

فی صد ہے۔

- اگر جنریٹر سریک دم برقی بار ہٹایا جائر تو اس لمحہ اس کے برقی سروں پر پر 624.69 وولٹ ہوں گر۔
 - اس صورت میں

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{as} + \hat{I}_a (R_a + jX_s)$$

$$= 600 \angle 0^0 + 577.35 \angle (+23.07^0) (0.01 + j0.1)$$

$$= 582.688 + j55.38$$

$$= 585.31 \angle 5.429^0$$

شکل 6.15 سر اتنی برقی دباؤ 3.8 ایمپیئر پر حاصل ہوگی۔

• پیچهر جزو ضربی طاقت کر باریر جنریتر کو زیاده میدانی برقی رو درکار ہر۔میدانی کچھر کی مزاحمت میں اس بار کی وجہ سر زیادہ برقی طاقت ضائع ہو گی اور جنریٹریوں زیادہ گرم ہوگا۔

مثال 6.7:

جزو ضربی طاقت 50 ہرٹز پر چلنی والی معاصر موٹر کی معاصر امالہ 2.2 اوہم سے جبکہ اس کی مزاحمت قابلِ نظرانداز سے۔اس کی رگڑ اور لچھوں کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع ایک کلو واٹ جبکہ مرکزی ضیاع 800 واٹ ہے۔یہ موٹر 12.2 کلوواٹ میکانی بار سے لدی سے اور یہ آگے جزو ضربی 0.8 پر چل رہی سے۔

- اس کی دوری سمتیہ بنائیں۔قوی کچھے کی برقی رو \hat{I}_a اور تارکی برقی رو رو \hat{E}_a حاصل رو \hat{I}_t حاصل کریں
- اب میکانی بار آہستا آہستا بڑھا کر دگنی کی جاتی ہے۔اس صورت میں موٹر کی ردِ عمل دوری سمتیہ سے واضح کریں ۔
- اس دگنی میکانی بار پر قوی لچھے کی برقی رو، تارکی برقی رو اور موٹر
 کی اندرونی سیجانی برقی دباؤ حاصل کریں۔موٹر کی جزو ضربی طاقت بھی
 حاصل کریں۔

حل:

• 0.8 آگے جزو ضربی طاقت 36.87° کو ظاہر کرتی ہے۔ یوں تارکی برقی روکا آگے زاویہ یہی ہوگا۔ موٹر کو مہیا برقی طاقت اس کی میکانی طاقت اور طاق کے ضیاع کے برابر ہوگا۔ یع نے میں 12200+1000+800=14000 واٹ یا 14 کلو واٹ۔ 14 کلو واٹ کے لئے درکار تارکی برقی رو

$$I_{t} = \frac{P}{\sqrt{3}V_{sa}\cos\theta}$$

$$= \frac{14000}{\sqrt{3} \times 415 \times 0.8}$$

$$= 24.346 A$$

$$\hat{I}_{t} = 24.346 \angle + 36.87^{0} A$$

ہو گی۔تکونی جڑی موٹر کی قوی لچھے کی برقی رو

$$\hat{I}_a = \frac{\hat{I}_t}{\sqrt{3}}$$

$$= \frac{24.346 \angle 36.87^0}{\sqrt{3}}$$

$$= 14.056 \angle 36.87^0 \ A$$

ہوگی۔

موٹر کی اندرونی سیجانی برقی دباؤ موٹر کی مساوی دور شکل 6.3 کی مدد

سر

$$\hat{E}_a = \hat{V}_{sa} - jX_s\hat{I}_a$$

$$= 415\angle 0^0 - j2.2 \times 14.056\angle 36.87^0$$

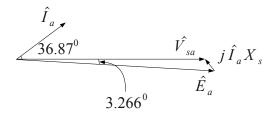
$$= 415 + 18.554 - j24.739$$

$$= 433.554 - j24.739$$

$$= 434.26\angle (-3.266^0)$$

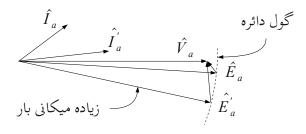
$$= 434.26\angle (-3.266^0)$$

$$= 434.26\angle (-3.266^0)$$



شکل 6.16:بار بردار معاصر موٹر

• میکانی بار بڑھنے سے موٹر کو زیادہ برقی طاقت درکار ہوگی۔ یہ اس صورت ممکن ہوگا جب موٹر کے قوی لچھے کی برقی رو بڑھ سکے۔ میدانی برقی رو معین ہونے کی وجہ سے موٹر کی اندرونی ہیجانی برقی دباؤ کی مقدار تبدیل نہیں ہو سکتی البتہ اس کا زاویہ تبدیل ہو سکتا ہے۔ موٹر \hat{E}_a کی مقدار معین رکھتے ہوئے برقی سروں پر لاگو برقی دباؤ \hat{E}_a اور \hat{E}_a کے مابین زاویہ بڑھا کر قوی لچھے کی برقی رو اور یوں حاصل برقی طاقت بڑھائے گا۔یہ شکل 6.17 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 6.17:بار بڑھنے کا اثر

شکل میں \hat{E}_a داوری سمتیہ کی نوک گول دائرہ پر رہتی ہے۔یوں اس کا طول تبدیل نہیں ہوتا۔زاویہ بڑھنے سے قوی لچھے کی برقی رو کی مقادار بڑھنا صاف ظاہر ہے۔

• دگنی میکانی بار پر موٹر کو کُل 26200+800+800+24400 واٹ یا 26.2 کلو واٹ برقی طاقت درکار ہے۔مساوات 6.29 کی مدد سے

$$\sigma = \arcsin\left(\frac{PX_s}{3V_a E_a}\right)$$

$$= \arcsin\left(\frac{26200 \times 2.2}{3 \times 415 \times 43426}\right)$$

$$= 6.12^0$$

$$434.26\angle(-6.12^0)$$

ہوگی اور قوی لچھے کی برقی رو

$$\begin{split} \hat{I}_a &= \frac{\hat{V}_a - \hat{E}_a}{jX_s} \\ &= \frac{415 \angle (0^0) - 434.26 \angle (-6.12^0)}{j2.2} \\ &= 22.384 \angle (19.928^0) \end{split}$$

اس طرح

$$\hat{I}_t = \sqrt{3} \times \hat{I}_a$$

= 38.77 \angle (19.928⁰)

اور جزو ضربی طاقت $\cos 19.928^0 = 0.94$ ہوگا۔ یہ آگے جزو ضربی طاقت ہے۔

7 امالي مشين

گزشتہ برسوں میں قوی الیکٹرانکس 311 کی میدان میں بہت ترقی ہوئی۔اس کا ایک نتیجہ یہ نکلاکہ امالی موٹروں کی رفتار پر قابو رکھنا ممکن ہوا اور یوں ان موٹروں نے کارخانوں میں یک سمتی رو موٹروں کی جگہ لینی شروع کی۔یہاں یہ بتلاتا چلوں کہ اس سے پہلے جہاں بھی موٹر کی رفتار اہمیت رکھتی وہاں یک سمتی رو موٹر ہی استعمال ہوتی جن کی رفتار پر قابو رکھنا نہایت آسان ہوتا ہے۔پپاس سال پہلے ترقی یافتہ ممالک میں یک سمتی سے امالی آلوں کی جانب تبدیلی شروع میں یہ تبدیلی پاکستان میں دیکھ رہا ہوں۔ امالی موٹروں کی مضبوطی اور دیر پاکام کرنے کی صلاحیت مثالی ہے۔ قوی الیکٹرانکس نے ان کی بے قابو رفتار کو قابو کر کے انہیں بلا مقابلہ بنا دیا۔

امالی موٹر ٹرانسفارمر کی ایک اور شکل ہے یا یوں کہنا بہتر ہوگا کہ یہ ایک ایسا ٹرانسفارمر ہے جس میں ثانوی لچھا حرکت بھی کرتا ہے۔یوں امالی موٹر کے ساکن لچھے ٹرانسفارمر کے ابتدائی لچھے اور موٹر کے گھومتے لچھے ٹرانسفارمر کے ثانوی لچھوں کی جگہ ہوتے ہیں۔موٹر کے ساکن لچھوں کو بیرونی برق طاقت دی جاتی ہے جبکہ اس کے گھومتے لچھوں میں خلاء میں گھومتے مرق طاقت دی جاتی ہے جبکہ اس کے گھومتے ہے اسی سے اس کا نام امالی موٹر نکلا ہے۔

اس باب کا مقصد امالی موٹر کی مساوی دور بنا کر اس کی خصوصیات

³¹¹ power electronics

پر غور کرنا ہے۔ہم دیکھیں گے کہ ان کا مساوی دور ٹرانسفارمر کیے مساوی دور کی طرح کا ہے۔

یہاں بھی ہم تصور کرتے ہیں کہ موٹر دو قطب اور تین دور کی ہے اور اس کے لچھے ستارا نما جڑے 312 ہیں۔اس طرح لچھوں میں برقی رو، لائن 313 کی برتی رو ہی ہوگی اور ان پر لاگو برقی دباؤ، دوری برقی دباؤ 314 ہوگی۔ایسا کرنے سے مسئلہ پر غور کرنا آسان ہو جاتا ہے جبکہ نتیجہ کسی بھی موٹر کے لئے درست ہوتا ہے۔

7.1 ساكن لچهون كى گهومتى مقناطيسى موج

امالی مشین کے ساکن چھے بالکل معاصر مشین کے ساکن چھوں کی طرح ہوتے ہیں۔ مزید یہ کہ اس کے گھومتے حصے کیے اتنے ہی قطب ہوتے ہیں جتنے اس کے ساکن چھوں کے ہوتے ہیں ۔ اگر ان ساکن چھوں کو متوازن تین دور کے برقی رو سے ہیجان کیا جائے تو یہ ایک گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج کو جنم دیں گے جسے مساوات 5.5 میں دکھایا گیا ہے۔مساوات 5.6 اس موج کی معاصر رفتار دیتی ہے۔ یہ دونوں مساوات یہاں یاد دھیانی کے لئے دوبارہ دیئے جاتے ہیں۔ یہاں ساکن چھوں میں برقی رو کی تعدد ω_e لکھی گئی ہے اور ω_e کو صفر لیا گیا ہے۔

³¹² star connected (Y-connected)

³¹³ line current

³¹⁴ phase voltage

$$\tau_{s}^{+}(\theta,t) = \frac{3\tau_{0}}{2}\cos(\theta - \omega_{e}t)$$

$$f_{m} = \frac{2}{P}f_{e}$$
(7.1)

مشین کی سرک 315 اور گھومتی موجوں پر تبصرہ 7.2

ہم دو قطب کے مشین پر غور کر رہے ہیں۔ P قطب کا تذکرہ بھی بالکل اسی طرح ہے۔ ساکن لچھوں میں تین دور کی بر تی رو کی تعدد f_e ہے۔ مساوات 5.61 کہتا ہے کہ دو قطب کی مشین میں موج کی معاصر رفتار بھی مساوات f_e چکر فی سیکنڈ ہے۔ اب تصور کریں کہ مشین کا گھومتا حصہ f میکانی چکر فی سیکنڈ سے موج کی سمت میں گھوم رہا ہے جہاں $f < f_e$ ۔ اس صورت میں ہر سیکنڈ گھومتا حصہ مقناطیسی ہاؤ کی موج سے پیچھے سرک جائے گا۔اس سرکنے کو موج کی معاصر رفتار کی نسبت سے یوں لکھا جاتا ہے

$$s = \frac{f_s - f}{f_s}$$

$$= \frac{f_e - f}{f_s}$$
(7.2)

یهاں ۵ مشین کے سرک کی ناپ ہے۔اس مساوات سے حاصل ہوتا ہے

³¹⁵ slip

$$f = f_s(1-s) = f_e(1-s)
\omega = \omega_s(1-s) = \omega_e(1-s)$$
(7.3)

یہاں غور کریں۔ مقناطیسی بہاؤ کی موج f_e زاویاتی رفتار سے گھوم رہی ہے جبکہ گھومتے لچھے کی زاویاتی رفتار f_e ہے۔گھومتے لچھے کے حوالہ سے مقناطیسی بہاؤ کی موج (f_e-f) رفتار سے گھوم رہی ہے۔یعنی آگر گھومتے بچھے کو ساکن تصور کیا جائے تو گھومتے مقناطیسی بہاؤ کی موج (f_e-f) اضافی رفتار سے گھوم رہی ہو گی۔یوں گھومتے لچھے میں امالی بر تی دباؤ کی تعدد بھی (f_e-f) ہوگی۔مساوات (f_e-f) کو یوں لکھا جاسکتا ہے

$$f_r = f_e - f = f_e - f_e (1 - s) = s f_e$$
 (7.4)

اگر مشین کو ایک امالی موٹر کے طور پر استعمال کیا جا رہا ہو تو اس کے گھومتے لچھے کسرِ دور رکھے جاتے ہیں۔ یوں ان لچھوں میں برقی رو کی تعدد f_e اور ان کی مقدار لچھوں میں پیدا امالی برقی دباؤ اور لچھوں کی مقاومت پر منحصر ہوتی ہے۔ منحصر ہوتی ہے۔

ساکن موٹر جب چالو کی جائے تو اس کی سرک 🛭 ایک ہوتی ہے اور

یوں اس کے گھومتے پلھوں میں برقی رو کی تعدد f ہوتی ہے۔ گھومتے پلھوں میں میں f تعدد کی برقی رو ایک گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج کو جنم دمے گی جو معاصر رفتار سے گھومے گی۔یہ بالکل اسی طرح ہے جیسے ساکن پلھوں میں برقی رو سے گھومتا مقناطیسی دباؤ کا موج وجود میں آتا ہے۔ لہذا ساکن اور گھومتے پلھے دونوں کے گھومتے مقناطیسی دباؤ کے موج ایک ہی رفتار سے گھومتے ہیں۔یہ دو مقناطیسی دباؤ کی موجیں دو گھومتے مقناطیسوں کی طرح ہیں جو کوشش کریں گے کہ ان کے مابین زاویہ صفر ہو۔یوں موٹر مروڑ 16 پیدا ہوتا ہے جس کا حساب مساوات 5.101 سے لگایا جا سکتا ہے۔آگر موٹر کے دُھریّے پر فتار تیز ہو کر ایک برقرار حد تک پہنچ جائے گی۔ امالی موٹر کی رفتار کبھی بھی معاصر رفتار تک نہیں پہنچ سکتی چونکہ اس رفتار پر اس کے گھومتے پلھوں کی اور نسبت سے ساکن پلھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج ساکن ہو گی اور نسبت سے ساکن پلھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج ساکن ہو گی اور گھومتے پلھوں میں کوئی امالی برقی دباؤ پیدا نہیں ہوگا۔

جب موٹر چل پڑتی ہے تو اس کے گھومتے کچھوں میمی برتی رو کی تعدد $s\,f_e$ ہوتی ہے۔ ان برقی رو سے پیدا مقناطیسی دباؤ کی موج گھومتے کچھے کے حوالہ سے $s\,f_e$ رفتار سے گھومے گی چونکہ معاصر رفتار برقی رو کی تعدد کے برابر ہی ہوتی ہے۔اب گھومتا کچھا از خود f رفتار سے گھومتی ہے۔مساوات لہٰذا یہ موج درحقیقت خلاء میمی $f+s\,f_e$ رفتار سے گھومتی ہے۔مساوات 7.4

³¹⁶ torque

$$f + s f_e = f + f_e - f = f_e$$
 (7.5)

یہ ایک بہت اہم نتیجہ ہے۔ یہ مساوات کہتا ہے کہ موٹر کسی بھی رفتار سے گھوم رہی ہو، گھومتے لچھوں سے پیدا رہی ہو، گھومتے لچھوں سے پیدا مقناطیسی دباؤ کی موج کی رفتار سے ہی گھومتی ہے۔

مثال 7.1:

ایک چار قطب کی ستارا جڑی 50 ہرٹز 415 وولٹ پر چلنے والی امالی موٹر 15 کلو واٹ کی اپنی پوری بار پر پانچ فی صد سرک پر چلتے، ہر۔

- اس موٹر کی معاصر رفتار کیا سے
- پورم بار پر اس کی کیا رفتار ہے
- پورے بار پر گھومتے لچھے میں برقی تعداد ارتعاش کیا ہے
 - پورے بار سے لدے موٹر کی دھرے پر مروڑ حاصل کریں

حل:

- $f_m = \frac{2}{P} f_e = \frac{2}{4} \times 50 = 25$ مساوات 7.1 کی مدد سے معاصر رفتار $7.1 = 25 \times 60 = 1500$ پکر فی سیکنڈ یا $25 \times 60 = 1500$ پکر فی منٹ ہے۔
- پورے بار سے لدا موٹر پانچ فی صد سرک پر چلتا ہے لہذا اس کی رفتار

معاصر رفتار سے قدرِ کم ہوگی۔موٹر کی رفتار مساوات 7.3 کی مدد سے معاصر رفتار سے قدرِ کم ہوگی۔ $f=f_s(1-s)=25\times(1-0.05)=23.75$ چکر نی سیکنڈ یا $f=f_s(1-s)=25\times(1-0.05)=23.75$ چکر فی منٹ ہو گی۔

- $f_r = s f_e = 0.05 \times 50 = 2.5$ گھومتے کے برقی تعداد ِ ارتعاش ہوٹز ہے۔ ہوٹز ہے۔
- $\tau = \frac{P}{\omega_m} = \frac{15000}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \ N \cdot m$ ہو۔ $\sigma_m = \frac{P}{2 \times \pi \times 23.75} = 100.5 \ N \cdot m$ ہو

7.3 ساكن لچهول مين امالي برقى دباؤ

مساوات 7.1 کا پہلا جُز ساکن کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ کی موج کو ظاہر کرتی ہے۔ یہ مقناطیسی دباؤ مشین کی خلائی درز میں مقناطیسی شدت $B^+(\theta)$ پیدا کررے گی جس سے وہاں کثافت مقناطیس ہاؤ $B^+(\theta)$ پیدا ہوگا۔ اگر اس خلائی درز کی رداس کی سمت میں لمبائی l_g ہو تو

$$B^{+}(\theta) = \mu_{0} H^{+}(\theta) = \frac{\mu_{0} \tau^{+}(\theta)}{l_{g}}$$

$$= \frac{3 \mu_{0} \tau_{0}}{2 l_{g}} \cos(\theta - \omega_{e} t)$$

$$= B_{0} \cos(\theta - \omega_{e} t)$$

$$= B_{0} \cos(\theta - \omega_{e} t)$$

$$(7.6)$$

یہ مساوات بالکل مساوات 5.72 کی طرح ہے۔ یوں مساوات 5.82 اس مقناطیسی موج $B^+(\theta)$ کی ساکن کچھوں میں پیدا کردہ امالی برقی دباؤ کو ظاہر کرے گی ۔ یہ مساوات یہاں دوبارہ دیا جا رہا ہے۔

$$e_{as}(t) = \omega_{e} N_{s} \phi_{0} \cos(\omega_{e} t - 90^{0}) = E_{s} \cos(\omega_{e} t - 90^{0})$$

$$e_{bs}(t) = \omega_{e} N_{s} \phi_{0} \cos(\omega_{e} t + 150^{0}) = E_{s} \cos(\omega_{e} t + 150^{0})$$

$$e_{cs}(t) = \omega_{e} N_{s} \phi_{0} \cos(\omega_{e} t + 30^{0}) = E_{s} \cos(\omega_{e} t + 30^{0})$$
(7.7)

ساکن لچهر کر چکر ہیں اور N_s

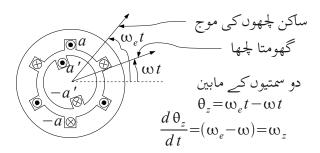
$$E_s = \omega_e N_s \Phi_0 \tag{7.8}$$

یہاں $e_{as}(t)$ لکھنے میں چھوٹے حروف میں a ، دور کو ظاہر کرتا ہے اور s یہ ساکن کو ظاہر کرتا ہے یعنی یہ ساکن a دور کی لجھے کی امالی برقی دباؤ ہے۔ امالی موٹر کے دور a کی بات ہی آگے کرتے ہیں۔ گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج اس دور کی لجھے میں امالی برقی دباؤ $e_{as}(t)$ پیدا کرتی ہے۔

S کو ظاہر کرتا ہے S کو ظاہر کرتا ہے

7.4 ساکن لچھوں کی موج کا گھومتے لچھوں کے ساتھ اضافی رفتار اور ان میں پیدا امالی برقی دباؤ

مساوات 7.1 کا پہلا جُز، ساکن کچھوں کی پیدا کردہ، گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ اس موج کا فراز 318 اس مقام پر ہوتا ہے جہاں ($\theta-\omega_e t$) صفر کے برابر ہو۔ یوں لمحہ صفر پر اس کا فراز صفر زاویہ پر ہوگا اور لمحہ لمحہ کے براس موج کا فراز زاویہ سوگا۔ ساکن کچھوں کی مقناطیسی دباؤ کی موج کا زاویہ کسی بھی نقطہ کے حوالے سے کیا جا سکتا ہے۔ اس کتاب میس صفر زاویہ ساکن کچھا a کو لیا جاتا ہے۔ اس طرح یہ زاویہ نقطہ دار اُفقی لکیر سے ناپا جاتا ہے۔شکل 7.1 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں ایک امالی موٹر دکھائی گئی ہر جس کے تین دوری ساکن کچھے ہیں۔



شکل 7.1: امالی موٹر اور اس کے گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موجیں

³¹⁸ crest

گھومتے لچھے بھی بالکل اسی طرح ہوتے ہیں اگرچہ شکل میں صرف ایک ہی گھومتا لچھا دکھایا گیا ہے۔مشین f زاویاتی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ تصور کریں کہ لمحہ صفر یعنی t=0 پر گھومتے حصہ کا a لچھا صفر زاویہ پر ہے یعنی یہ نقطہ دار اُفقی لکیر پر ہے مزید یہ کہ اس لمحہ ساکن لچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج بھی اسی اُفقی لکیر پر ہے۔ اب کچھ دیر بعد لمحہ a پر یہ موج زاویہ a پر ہوگی۔ اتنی دیر میں گھومتا حصہ گھوم کر زاویہ a تک موج زاویہ a پر ہوگی۔ اتنی دیر میں گھومتا حصہ گھوم کر زاویہ a تک بہنچ جائے گا جہاں a a پر موج اور گھومتے لچھے کے درمیان زاویہ a یہ ہوگا

$$\theta_z = (\omega_e t - \omega t) \tag{7.9}$$

اگرچہ مقناطیسی موج نے $\omega_e t$ زاویہ طے کیا لیکن گھومتے لچھے کے حوالے سے اس نے صرف $(\omega_e t - \omega t)$ زاویہ طے کیا۔اسی طرح گھومتے لچھے کے حوالے سے اس موج کی اضافی زاویاتی رفتار ω_z ω_z ω_z ω_z ω_z

$$\omega_z = \frac{d\theta_z}{dt} = (\omega_e - \omega) \tag{7.10}$$

320 یہاں z لفظ اضافی کے ض کو ظاہر کرتا ہے

³¹⁹ relative angular speed

اس کو مساوات 7.4 کی مدد سے یوں لکھ سکتے ہیں

$$\omega_z = 2\pi (f_e - f) = 2\pi s f_e = s \omega_e$$
 (7.11)

یہ مساوات کہتا ہے کہ گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی رفتار سرک s پر منحصر ہے۔ اس موج کا حیط البتہ تبدیل نہیں ہوا۔ اس طرح گھومتے کچھے کے حوالے سے مقناطیسی موج کی مساوات جو کہ مساوات 7.4 میں دی گئی ہے تبدیل ہو کر یہ بن جائے گی

$$B_{s,rz}^{+}(\theta,t) = B_0 \cos(\theta - \omega_z t)$$

$$= B_0 \cos(\theta - s\omega_e t)$$
(7.12)

کوتا ہے جبکہ چھوٹی لکھائی میں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ چھوٹی لکھائی میں s,rz اس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ یہ موج ساکن لچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا اور اسے گھومتے یعنی رواں لچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔مزید یہ کہ اس مساوات کی تعدد اضافی تعدد $s\omega_e$

اور کے لفظ ساکن کے س کو ظاہر کرتا ہے ، r لفظ رواں کے رکو ظاہر کرتا ہے اور کے لفظ اضافی کے ض کو ظاہر کرتا ہے z

یوں گھومتے کچھوں میں امالی برقی دباؤ مساوات 7.7 کی طرح ہی ہوگی مگہ ان کی تعدد $\omega_z = s \, \omega_e$ ہوگی یعنی

$$\begin{aligned} &e_{arz}(t) = s \, \omega_e \, N_r \, \varphi_0 cos(s \, \omega_e t - 90^0) = s \, E_r cos(s \, \omega_e t - 90^0) \\ &e_{brz}(t) = s \, \omega_e \, N_r \, \varphi_0 cos(s \, \omega_e t + 150^0) = s \, E_r cos(s \, \omega_e t + 150^0) \\ &e_{crz}(t) = s \, \omega_e \, N_r \, \varphi_0 cos(s \, \omega_e t + 30^0) = s \, E_r cos(\omega_e t + 30^0) \end{aligned} \tag{7.13}$$

ان مساوات میں N_r گھومتے 4ھے کے چکر ہیں اور

$$E_r = \omega_e N_r \phi_0 \tag{7.14}$$

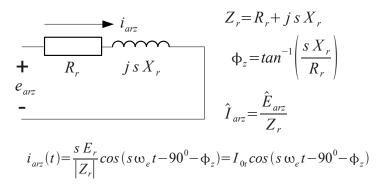
اب تصور کریں کہ گھومتے لچھوں کو کسرِ دور کر دیا کیا گیا ہے۔ یہ امالی برق دباؤ گھومتے لچھوں میں برقی رو i_{arz} وغیرہ پیدا کرے گی جس کی تعدد برق دباؤ گھومتے لچھوں میں برقی رو s_{e} ہوگی۔ بالکل ساکن لچھے کی طرح، گھومتے لچھے کی مزاحمت s_{e} اور اس کی امالہ s_{e} ہوگی۔ اسے ہم ہوگی۔ اسے ہم یوں لکھ سکتے ہیں

³²² میں دور a ہے۔ r گھومتے کچھے کو اور z اضافی کو ظاہر کرتا ہے $e_{arz}(t)$ 322 یہاں r گھومتے کچھے کو ظاہر کرتا ہے اور z اس بات کی یاد دھیانی کرتا ہے کہ اس برقی روکی تعدد، اضافی تعدد ہے۔

³²⁴ ٹرانسفارمرکی استلا میں ثانوی لچھےکے متغیرہکو 2 سے ظاہرکرتے ہیں

$$j s \omega_e L_r = s j X_r \tag{7.15}$$

جہاں $j\,X_r$ اس پجھے کی $j\,\omega_e\,L_r$ کو $j\,\omega_e\,L_r$ اس پجھے کی ساکن حالت میں متعاملیت ہے جب سرک ایک کے برابر ہو۔گھومتے پجھوں میں برقی رو i_{arz} شکل i_{arz} کی مدد سے حاصل کی جا سکتی ہے جہاں گھومتے پجھے میں امالی برقی دباؤ $e_{arz}(t)$ مساوات 7.13 میں دیئے گئے ہیں۔



شکل 7.2:گھومتے لچھے کی مساوی دور اور اس میں اضافی تعدد کی رو

یہ شکل بالکل شکل 1.14 کی طرح ہے لہذا مساوات 1.59 اس میں بر قی رو دیے گی یعنی

$$i_{arz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t - 90^0 - \phi_z)$$

$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{brz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 150^0 - \phi_z)$$

$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t - 120^0 + \theta_0)$$

$$i_{crz}(t) = \frac{sE_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}} \cos(s\omega_e t + 30^0 - \phi_z)$$

$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^0 + \theta_0)$$

$$= I_{0r} \cos(s\omega_e t + 120^0 + \theta_0)$$
(7.16)

یہ تین دور کے برقی رو ہیں جو آپس میں 120^0 کا زاویہ رکھتے ہیں۔ یہاں Φ_z مقاومت کا زاویہ ہے۔ امید کی جاتی ہے کہ اسے آپ مقناطیسی بہاؤ نہیں سمجھیں گے۔ یہاں

$$\theta_0 = (-90^{\circ} - \Phi_z)$$

$$I_{0r} = \frac{s E_r}{\sqrt{R_r^2 + s^2 X_r^2}}$$
(7.17)

شکل 7.2 سے واضح ہے کہ ایک گھومتے لچھے کی مزاحمت میں

کیا گیا ہے ہے۔ ہاں یہی کیے لئے ϕ_z استعمال ہوتا ہے۔ ہاں یہی کیا گیا ہے 325

$$P_{rhl} = I_{0r}^2 R_r \tag{7.18}$$

ہوکر اس میں تبدیل ہوکر اس میں تبدیل ہوکر اس میں تبدیل ہوکر اس میں تبدیل ہوکر اس مزاحمت کو گرم کررے گی۔یہاں دھیان رہے کہ P_{rhl} طاقت کو ظاہر کرتا ہے نہ کہ مقناطیسی قطبین کو۔

7.5 گھومتے لچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج

ہم جانتے ہیں کہ ساکن تین دور پچھوں میں f_e تعدد کی ہر تی رو گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج کو جنم دیتی ہے جو اس ساکن پچھے کے حوالے سے f_e معاصر زاویاتی رفتار سے گھومتی ہے۔ اسی طرح گھومتے تین دور پچھوں میں f_e تعدد کی برقی رو ایک گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج T_{rz}^+ و راویاتی رفتار کو جنم دیتی ہے جو اس گھومتے پچھے کے حوالے سے f_e زاویاتی رفتار سے گھومتی ہے۔

$$\tau_{rz}^{+}(\theta, t) = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{r} I_{0r}}{2} \cos(\theta - s \omega_{e} t - \theta_{0})$$
 (7.19)

یہاں $I_{0\mathrm{r}}$ اور θ_0 مساوات 7.17 میں دیئے گئے ہیں۔اب چونکہ گھومتا لجھا از

میں P_{rhl} میں P_{rhl} کھومتے کھا، P_{rhl} حرارت اور P_{rhl} 326

خود f زاویاتی رفتار سے گھوم رہا ہے لہذا اس کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ کی موج خلاء میں $(f+s\,f_e)$ زاویاتی رفتار سے گھومتی ہے۔ اس رفتار کو مساوات 7.3

$$f + s f_e = f_e (1 - s) + s f_e = f_e$$
 (7.20)

لہٰذا گھومتے لچھوں کی مقناطیسی دباؤ کی موج کو ساکن لچھوں کے حوالے سے یوں لکھا جا سکتا ہے

$$\tau_{r,s}^{+}(\theta,t) = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{r} I_{0r}}{2} cos(\theta - \omega_{e} t - \theta_{0})$$
 (7.21)

 $\tau_{r,s}^+$ میں + کا نشان گھڑی کی اُلٹی سمت گھومتی موج کو ظاہر کرتا ہے جبکہ چھوٹی لکھائی میں r,s اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ یہ موج گھومتے یعنی رواں لچھوں کی وجہ سے وجود میں آیا ہے مگر اسے ساکن لچھوں کے حوالے سے دیکھا جا رہا ہے۔

یہاں وقفہ لے کر ذرا غور کرتے ہیں۔مساوات 7.21 کے مطابق گھومتا لچھا خود کسی بھی رفتار سے گھوم رہا ہو، اس کی پیدا کردہ گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج ساکن لچھے کے پیدا کردہ موج کی رفتار سے ہی گھومے گی۔لہذا مشین میس دو گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موجیں ہیں جو ایک ہی معاصر رفتار سے گھوم رہی

ہیں۔مساوات 5.100 میں کہا گیا ہے کہ دو مقناطیسی دباؤ کی موجودگی پیدا کرتی ہیں جو ان کے مابین زاویہ پر منحصر ہے۔ لہذا امالی مشین میں موجود دو مقناطیسی موجیں پیدا کرتی ہیں اور اس کی مقدار ان دو موجوں کے مابین زاویہ پر منحصر ہوتی ہے۔امالی موٹر اس پر لدے بار کے مطابق ان دو موجوں کے مابین زاویہ رکھتی ہے اور یوں درکار پیدا کرتی ہے۔

7.6 گھومتے لچھوں کے مساوی فرضی ساکن لچھے

اب دوبارہ اصل موضوع پر آتے ہیں۔اگر گھومتے لچھوں کی جگہ ،N چکر کے تین دور کے فرضی ساکن لچھے ہوں تو مساوات 7.7 کی طرح ان میں امالی برق دباؤ پیدا ہوگی یعنی³²⁷

$$e_{afs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t - 90^0) = E_r \cos(\omega_e t - 90^0)$$

$$e_{bfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 150^0) = E_r \cos(\omega_e t + 150^0)$$

$$e_{cfs}(t) = \omega_e N_r \phi_0 \cos(\omega_e t + 30^0) = E_r \cos(\omega_e t + 30^0)$$
(7.22)

اس مساوات میں چھوٹی لکھائی میں f لفظ فرضی کے ف ϵ کو ظاہر کرتا ہے

$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + j X_r$$

$$+ \qquad \qquad \downarrow$$

$$e_{fs}(t) \qquad \qquad \downarrow$$

$$- \qquad \qquad \downarrow$$

$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + j X_r$$

$$\Phi_z = tan^{-1} \left(\frac{X_r}{\frac{R_r}{s}}\right) = tan^{-1} \left(\frac{s X_r}{R_r}\right)$$

شکل 7.3 :گھومتے لچھوں کی جگہ فرضی ساکن لچھے کی دور

مزید فرض کریں کہ ان فرضی ساکن کچھوں کی مزاحمت R_r/s اور متعاملیت jX_r

$$Z_{fs} = \frac{R_r}{s} + j X_r \tag{7.23}$$

۔اگر ان پر مساوات 7.22 میں دیئے گئے برقی دباؤ لاگو کی جائے جیسے شکل 7.3 میں دکھایا گیا ہے تو ان میں برقی رو یہ ہو گی۔

$$i_{afs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\frac{R^2}{s^2} + X^2}} cos(\omega_e t - 90^0 - \phi_z)$$

$$= I_{0r} cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i_{bfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\frac{R^2}{s^2} + X^2}} cos(\omega_e t + 150^0 - \phi_z)$$

$$= I_{0r} cos(\omega_e t - 120^0 + \theta_0)$$

$$i_{cfs}(t) = \frac{E_r}{\sqrt{\frac{R^2}{s^2} + X^2}} cos(\omega_e t + 30^0 - \phi_z)$$

$$= I_{0r} cos(\omega_e t + 120^0 + \theta_0)$$

$$= I_{0r} cos(\omega_e t + 120^0 + \theta_0)$$

یہاں مساوات 7.17 استعمال کی گئی ہے۔اس مساوات میں دھیان رہے کہ مقاومت کا زاویہ ی⊅ وہی ہے جو گھومتے لچھے کا تھا یعنی

$$\Phi_{fz} = tan^{-1} \left(\frac{X}{\left(\frac{R}{s} \right)} \right) = tan^{-1} \left(\frac{sX}{R} \right) = \Phi_z$$
 (7.25)

ان برقی رو کی تعدد w_e ہے اور ان کا پیدا کردہ گھومتا مقناطیسی موج یہ ہوگا

$$\tau_{fs,s}^{+}(\theta,t) = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{r} I_{0r}}{2} cos(\theta - \omega_{e} t - \theta_{0})$$
 (7.26)

یہ مقناطیسی موج ہو ہو گھومتے لچھے کی موج $au_{r,s}^+(heta,t)$ ہے۔

7.7 امالی موٹرکا مساوی برقی دور

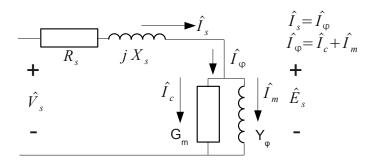
ہم ٹرانسفارمر کی ابتدائی جانب چھے کی برقی دور پہلے بنا چکے ہیں جہاں پلھے کی مزاحمت R_1 اور اس کی رستا متعاملیت $j\,X_1$ تھی۔ ٹرانسفارمر کے مرکز 329 میں وقت کے ساتھ بدلتی مقناطیسی بہاؤ اس پلھے میں امالی برقی دباؤ \hat{E}_1 پیدا کرتی۔ یوں

$$\hat{V}_1 = \hat{I}_1(R_1 + jX_1) + \hat{E}_1 \tag{7.27}$$

جہاں \hat{V}_1 ابتدائی لجھے پر لاگو بیرونی برقی دباؤ ہے۔ہم دیکھیں گے کہ امالی موٹر کے ساکن لجھے کے لئے بھی یہی مساوات حاصل ہو گی۔

³²⁸ leakage reactance

³²⁹ core



شکل 7.4:امالی موٹر کے ساکن لچھوں کا مساوی برقی دور

تصور کریں کہ مشین کے گھومتے کچھے کھلے دور ہیں اور اس کے ساکن کچھوں پر تین دوری برقی دباؤ لاگو ہے۔ اس صورت میں ساکن کچھوں میں رواں برقی رو ایک گھومتے مقناطیسی دباؤ کی موج $au_s^+(\theta,t)$ پیدا کررے گی جو مساوات 7.1 میں دی گئی ہے۔

باب کے اس حصہ میں ہم مشین کے ایک دور کو مدِ نظر رکھیں گے، مثلاً دور R_s سے رجوع کریں۔ آگر ساکن پلھے کی مزاحمت ورم میں شکل 7.4 سے رجوع کریں۔ آگر ساکن پلھے کی مزاحمت ورم سے املیت $j \, X_s$ ہوت و اور اس پر لاگو بیرو بی بر قی دباؤ کے قانون کے تحت کرچوف $v_s(t)$

³³⁰ Kirchoff's voltage law

$$v_s(t) = i_s R_s + L_s \frac{di_s}{dt} + e_s(t)$$
 (7.28)

مساوات 7.7 میں دی گئی اس موج کی ساکن کچھے میں پیدا امالی برقی دباؤ ہے ۔ اسی کو دوری سمتیہ کے طور پر یوں لکھ سکتے ہیں دباؤ ہے ۔ اسی کو دوری سمتیہ کے طور پر یوں لکھ سکتے ہیں

$$\hat{V}_{s} = \hat{I}_{s} (R_{s} + j X_{s}) + \hat{E}_{s}$$
 (7.29)

ٹرانسفارمر کی مثال آگے بڑھاتے ہیں۔ آگر موٹر کا گھومتا لچھا کھلا بر قی دور $\hat{\tau}_s^*$ رکھا جائے تو مرکز میں ایک ہی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج $\hat{\tau}_s^*$ (θ , t) ہو گی۔ ساکن لچھے میں صرف برقی رو \hat{I}_{ϕ} ہو گا جو مرکز $\hat{\tau}_s^{332}$ میں مقناطیسی بہاؤ $\hat{\tau}_s$ کو جنم دے گی۔ یہ برقی رو \hat{I}_{ϕ} غیر سائن نما ہوتی ہے۔ فورئیر تسلسل $\hat{\tau}_s^{333}$ سے اس کے بنیادی جُز اور ہارمونی جُز معلوم کئے جا سکتے ہیں۔ اس کے بنیادی جُز کے دو حصے ہوتے ہیں۔ ایک حصہ \hat{I}_c ، لاگو بیرو نی برقی دباؤ $\hat{\tau}_s$ کے ہم دور ہوتا ہے اور یہ مرکز میں طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتیا ہے اور دوسرا حصہ \hat{I}_{ϕ} سے نوبے درجہ پیچھے زاویہ پر رہتیا ہے۔ \hat{I}_{ϕ} میں مقاطیسی جُز \hat{I}_s منفی کر کے بقایا کو مقناطیسی جُز \hat{I}_s کہتے ہیں۔ یوں مقناطیسی جُر \hat{I}_s منفی کر کے بقایا کو مقناطیسی جُر

³³¹ open circuited

³³² core

³³³ Fourier series

جُز بنیادی جُز کے پیچھے حصے اور باقی سارے ہارمونی جُز کے مجموعے پر مشتمل ہوتا ہے۔ مشتمل ہوتا ہے۔

$$\hat{I}_{\varphi} = \hat{I}_c + \hat{I}_m \tag{7.30}$$

امالی موٹر کے مساوی دور میمی \hat{I}_c کو مزاحمت R_c سے اور \hat{I}_m کو j کو مزاحمت j کی سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان دونوں کا حساب چلتے موٹر میمی متوقع بر قی تعدد اور امالی برقی دباؤ \hat{E}_s پر کیا جاتا ہے یعنی

$$R_{c} = \frac{\hat{E}_{s}}{\hat{I}_{c}} = \frac{E_{s}}{I_{c}}$$

$$X_{\varphi} = \frac{\left|\hat{E}_{s}\right|}{\left|\hat{I}_{m}\right|} = \frac{E_{s}}{I_{m}}$$
(7.31)

مقناطیسی دباؤکی موج $\tau_s^+(\theta,t)$ گھومتے کچھے میں بھی امالی برقی دباؤ پیدا کرے گی۔ مساوات 7.29 میں اگر مقاومت میں برقی دباؤکے گھٹنے کو نظر انداز کیا جائے تو لاگو بیرونی برقی دباؤ اور کچھے کی اندرونی امالی برقی دباؤ ہر حالت میں برابر ہوں گے۔ اب تصور کریں کہ گھومتے کچھے کسرِ دور کر دیے جائیں۔ ایسا کرتے ہی ان میں برقی رو گزرنے لگے گا جو مقناطیسی دباؤکی موج $\tau_{r,s}^+(\theta,t)$ جو مساوات 7.21 میں دی گئی ہے کو جنم دے گی۔ اس موج

سے ساکن لچھے میں امالی برقی دباؤ \hat{E}_s تبدیل ہو جائے گی اور یوں یہ لاگو برقی دباؤ کے برابر نہیں رہے گی۔ یہ ایک نا ممکنہ صورت حال ہے۔

ساکن کچھے میں امالی برقی دباؤ، لاگو برقی دباؤ کے برابر تب رہے گی کہ مرکز میں مقناطیسی دباؤ تبدیل نہ ہو۔ مشین کے مرکز میں مقناطیسی دباؤ برقرار یوں رہتی ہے کہ ساکن کچھے $au_{r,s}(\theta,t)$ مقناطیسی دباؤ کی موج کی متضاد مقناطیسی دباؤ کی ایک موج پیدا کرتی ہے جو اس کے اثر کو مکمل طور پر ختم کر دیتی ہے۔یہ موج پیدا کرنے کے لئے ساکن کچھوں میں برتی رو \hat{I}_{ϕ} سے بڑھ کے $\hat{I}_{\phi}(\theta,t)$ ہو جاتی ہے جہاں یہ اضافی برقی رو یہ ہے

$$i'_{ar}(t) = I'_{0r} \cos(\omega_e t + \theta_0)$$

$$i'_{br}(t) = I'_{0r} \cos(\omega_e t - 120^0 + \theta_0)$$

$$i'_{cr}(t) = I'_{0r} \cos(\omega_e t + 120^0 + \theta_0)$$
(7.32)

ان اضافی برقی رو کی متضاد مقناطیسی دباؤ کی موج یہ ہے

$$\tau_{(r)}^{+}(\theta,t) = k_{w} \frac{4}{\pi} \frac{N_{s} I_{0r}^{'}}{2} cos(\theta - \omega_{e} t - \theta_{0})$$
 (7.33)

ساکن لچھوں میں اضافی برقی رو نے ہر لمحہ گھومتے لچھوں کی برقی رو کیے اثر کو

ختم کرنا سے لہذا یہ دونوں برقی رو ہم دور³³⁴ سی سوں گے۔چونکہ یہ مساوات اور مساوات 7.21 برابر ہیں لہذا ان سے حاصل سوتا سے

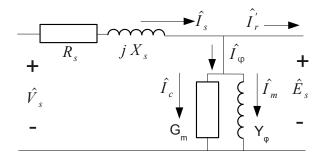
$$N_{s}I_{0r}^{'} = N_{r}I_{0r}$$

$$I_{0r}^{'} = \left(\frac{N_{r}}{N_{s}}\right)I_{0r}$$

$$= \left(\frac{N_{r}}{N_{s}}\right)\frac{sE_{r}}{\sqrt{R_{r}^{2} + s^{2}X_{r}^{2}}}$$
(7.34)

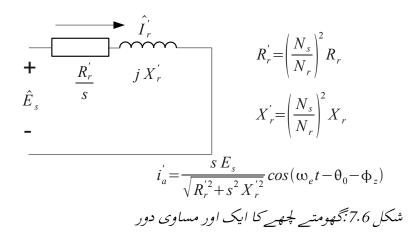
آپ نے دیکھا کہ گھومتے لچھے مقناطیسی دباؤ کی موج پیدا کرتے ہیں جن کے ذریعہ ساکن لچھوں کو معلوم ہوتا ہے کہ موٹر پر بار لدھا ہے اور وہ اس کے مطابق لاگو برق دباؤ سے برقی رو لیتی ہیں۔ یہاں تک امالی موٹر کی مساوی برقی دور شکل 7.5 میں دکھائی گئی ہے۔

³³⁴ in-phase



شکل 7.5:مساوی دور اضافی برقی رو کے ساتھ

یهاں ذرہ شکل 7.6 سے رجوع کریں۔ اس شکل میں



$$R'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} R_{r}$$

$$X'_{r} = \left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} X_{r}$$

$$(7.35)$$

پر ساکن کچھوں کی امالی برقی دباؤ \hat{E}_s لاگو ہے لہٰذا ان میں برقی رو یہ ہوگی

$$i_{a}'(t) = \frac{s E_{s}}{\sqrt{R_{r}^{'2} + s^{2} X_{r}^{'2}}} cos(\omega_{e} t - 90^{0} - \phi_{z})$$

$$i_{b}'(t) = \frac{s E_{s}}{\sqrt{R_{r}^{'2} + s^{2} X_{r}^{'2}}} cos(\omega_{e} t + 150^{0} - \phi_{z})$$

$$i_{c}'(t) = \frac{s E_{s}}{\sqrt{R_{r}^{'2} + s^{2} X_{r}^{'2}}} cos(\omega_{e} t + 30^{0} - \phi_{z})$$

$$(7.36)$$

ان سب مساوات کا حیطہ برابر ہے۔ اگر ہم اس حیطہ میں مساوات 7.8 اور مساوات استعمال کریں تو ملتا ہے

$$\frac{s E_{s}}{\sqrt{R_{r}^{'2} + s^{2} X_{r}^{'2}}} = \frac{s \omega_{e} N_{s} \phi_{0}}{\left(\frac{N_{s}}{N_{r}}\right)^{2} \sqrt{R_{r}^{2} + s^{2} X_{r}^{2}}} \\
= \left(\frac{N_{r}}{N_{s}}\right) \frac{s \omega_{e} N_{r} \phi_{0}}{\sqrt{R_{r}^{2} + s^{2} X_{r}^{2}}} \\
= \left(\frac{N_{r}}{N_{s}}\right) I_{0r} = I_{0r}^{'}$$
(7.37)

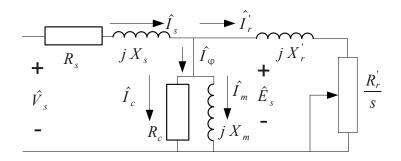
لہٰذا مساوات 7.36 اس طرح لکھا جاسکتا ہے

$$i'_{a}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t - 90^{0} - \varphi_{z})$$

$$i'_{b}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 150^{0} - \varphi_{z})$$

$$i'_{c}(t) = I'_{0r}\cos(\omega_{e}t + 30^{0} - \varphi_{z})$$
(7.38)

یہ مساوات بالکل مساوات 7.32 کی طرح ہے۔ لہٰذا آگر شکل 7.5 میں ساکن لجھوں کی امالی برقی دباؤ \hat{E}_s کے متوازی شکل 7.6 جوڑا جائے تو ایسا کرنے سے ساکن لجھوں میں اُتنا ہی اضافی برقی رو رواں ہو گا جو اصل موٹر میں گھومتے لجھوں کی وجہ سے ہوتا ہے۔ شکل 7.7 میں ایسا ہی کیا گیا ہے لہٰذا شکل میں دیا برقی دور، امالی موٹر کی صحیح عکاسی کرتی ہے۔ یہی امالی موٹر کی مساوی برقی دور ہے۔



شکل 7.7: امالی موٹر کی مساوی برقی دور

7.8 مساوی برقی **د**ور پر غور

مساوات 7.18 ایک گھومتے لچھے میں برقی طاقت کے ضیاع کو ظاہر کرتا ہے۔مساوات 7.35 اور 7.37 کی مدد سے اسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$P_{rhl} = I_{0r}^{2} R_{r}$$

$$= \left[\left(\frac{N_{s}}{N_{r}} \right)^{2} I_{0r}^{'2} \right] \left[\left(\frac{N_{r}}{N_{s}} \right)^{2} R_{r}^{'} \right]$$

$$= I_{0r}^{'2} R_{r}^{'}$$
(7.39)

 335 P_{rq1} سے ظاہر ہے کہ ایک گھومتے کچھے کو کُل 35

$$P_{rql} = I_{0r}^{'2} \frac{R_r^{'}}{s} \tag{7.40}$$

برقی طاقت دی جا رہی ہے جس میں سے P_{rhl} اس گھومتے لچھے کی مزاحمت میں ضائع ہو جاتی ہے۔ اس طرح ایک لچھا P_{mrl} میکانی طاقت فراہم کر

$$P_{mrl} = P_{rql} - P_{rhl} = I_{0r}^{'2} \left(\frac{R_r^{'}}{s} - R_r^{'} \right) = \frac{I_{0r}^{'2} R_r^{'}}{s} (1 - s) = P_{rql} (1 - s)$$
 (7.41)

 P_{mrl} سکتا ہے۔یوں ایک تین دور کی لپٹی مشین جس میں تین لجھے ہوتے ہیں کی تین گنا میکانی طاقت فراہم کر سکتی ہے یعنی

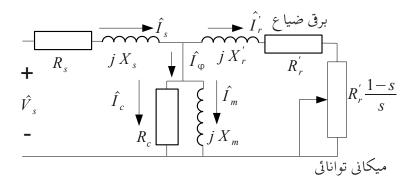
میں P_{rql} میں جھے کو ظاہر کرتے ہیں q میں P_{rql} میں علیہ کیا ہوتے ہیں علیہ کیا میں علیہ کیا ہوتے ہیں علیہ کیا ہے۔

$$P_{m} = 3P_{rml} = \frac{3I_{0r}^{'2}R_{r}^{'}}{s}(1-s) = P_{rq}(1-s)$$
 (7.42)

اس مساوات میں P_m موٹر کی میکانی طاقت بتلاتی ہے جبکہ P_m اس کے گھومتے حصے کو کُل فراہم کردہ برقی طاقت ہے۔ اس مساوات سے واضح ہے کہ اگر سرک ایک کے برابر ہو تو موٹر کوئی میکانی طاقت فراہم نہیں کرے گی اور گھومتے حصے کو جتنی برقی توانائی مل رہی ہو وہ ساری کی ساری اس میں ضائع ہو کر اسے گرم کرے گی۔ یوں موٹر کے گرم ہو کر جل جانے کا امکان ہوتا ہے۔ آپ اس مساوات سے دیکھ سکتے ہیں کہ امالی موٹر کی سرک صفر کے قریب رہنی چاہئے ورنہ یہ ناقابلِ قبول حد تک برقی توانائی ضائع کرے گا۔ ہم امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 8.7 کی طرح بھی بنا سکتے ہیں۔ اس شکل میں شکل میں مساوی برقی دور کو شکل 7.8 کو دو حصوں میں لکھا گیا ہے یعنی

$$\frac{R_{r}^{'}}{s} = R_{r}^{'} + R_{r}^{'} \frac{1 - s}{s}$$
 (7.43)

یوں شکل 7.7 میں مزاحمت R_r' میں برقی طاقت کی ضیاع $I_{0r}'R_r'$ گھومتے پوں شکل 7.7 میں برقی طاقت کی خیاع بتلاتی ہے جبکہ مزاحمت $R_r'(1-s)/s$ میں برقی طاقت کی ضیاع $I_r'^2R_r'(1-s)/s$ دراصل میکانی طاقت بتلاتی ہے۔یاد رہے کہ تین دور کی مشین کے لئے یہاں سے حاصل نتائج کو تین سے ضرب دینا ہوگا۔



شکل 7.8: امالی موٹر کی ایک اور مساوی برقی دور

میکانی طاقت، مروڑ ضرب میکانی زاویاتی رفتار ہوتی ہے۔ امالی موٹر کی میکانی زاویاتی رفتار مساوات 7.3 میں دی گئی ہے جبکہ مساوات 0.61 میں میکانی معاصر رفتار 0.00 دی گئی ہے۔یوں

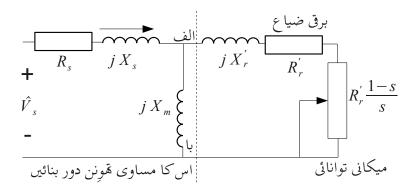
$$P_m = T \omega = T 2\pi f = T 2\pi (1-s) f_s = T (1-s) \omega_{sm}$$
 (7.44)

لهذا

$$T = \frac{P_m}{(1-s)\,\omega_{sm}} = \frac{3\,I_{0r}^{'2}\,R_r^{'}}{\omega_{sm}}\,s \tag{7.45}$$

اصل موٹر میں رگڑ، مرکزی ضیاع، لچھوں میں ضیاع اور دیگر وجوہات کی بنا پر دُھرؓ کے پر طاقت یا مروڑ اس سے قدرِ کم ہو گی۔

ٹرانسفارمرکے سادہ ترین مساوی دور بناتے وقت R_c اور JX_m اور نظرانداز کیا گیا تھا۔ امالی موٹر میں ایسا کرنا ممکن نہیں ہوتا چونکہ موٹروں میں خلائی درز ہوتی ہے جس میں مقناطیسی ہاؤ پیدا کرنے کے لئے ہت زیادہ مقناطیسی دباؤ درکار ہوتی ہے۔حقیقت میں بے بار امالی موٹر کو اپنے پورے بر تی رو کے تیس سے پچاس فی صد برقی رو مرکز کو ہیجان کرنے کے لئے درکار ہوتی ہے۔ مزید یہ کہ خلائی درز کی وجہ سے اس کی رِستا املہ بھی زیادہ ہوتی ہے اور اسے نظر انداز کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ البتہ مساوی دور میں R_c کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے جیسے شکل 7.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں نقطہ دار لکیر کی بائیں جانب کا مساوی تھونن دور بنایا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے امالی موٹر پر غور کرنا نہایت آسان ہو جاتا ہے۔ اب ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔



شکل 7.9:امالی موٹر کی سادہ دور۔ مرکزی ضیاع کو نظرانداز کیا گیا ہے

مثال 7.2:

ستارا جڑی چھ قطب پچاس ہرٹز اور 415 وولٹ پر چلنے والی 15 کلو واٹ کی امالی موٹر کے مساوی دور کے جُزیہ ہیں

$$R_s = 0.5 \Omega$$
 $R_r' = 0.31 \Omega$

$$X_{s} = 0.99 \Omega$$
 $X_{r}^{'} = 0.34 \Omega$ $X_{m} = 22 \Omega$

موٹر میں رگڑ سے طاقت کا ضیاع 600 واٹ ہے۔مرکزی ضیاع کو اسی کا حصہ تصور کیا گیا ہے۔ اس کو اٹل تصور کیا جائے۔

یہ موٹر درکار وولٹ اور تعداد ِ ارتعاش پر دو فی صد سرک پر چل رہی ہے۔

اس حالت میں موٹر کی رفتار، اس کے دھرے پر پیدا مروڑ اور طاقت، اس کے ساکن لچھے کی برقی رو اور اس کی فی صد استعداد حاصل کریں۔

حل:

- - شکل 7.9 میں دائیں جانب

$$jX'_{r} + R'_{r} + R'\frac{1-s}{s} = jX'_{r} + \frac{R'_{r}}{s} = j0.34 + \frac{0.31}{0.02} = j0.34 + 15.5$$

اور $j X_m$ متوازی جڑھے ہیں۔ان کی مساوی مقاومت یہ سے

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{15.5 + j \cdot 0.34} + \frac{1}{j \cdot 22}$$

$$Z = \frac{(15.5 + j \cdot 0.34) \times (j \cdot 22)}{15.5 + j \cdot 22 + j \cdot 0.34}$$

$$= 10.147 + j \cdot 7.375$$

$$= R + jX$$

موٹر پر لاگو دوری برقی دباؤ $\frac{415}{\sqrt{3}}$ =239.6 وولٹ ہے۔ یوں ساکن لچھے کی برقی رو

$$\begin{split} \hat{I}_s &= \frac{V_s}{R_s + jX_s + Z} \\ &= \frac{239.6}{0.5 + j0.99 + 10.147 + j7.373} \\ &= 17.6956 \angle (-38.155^0) \end{split}$$

ہے۔اس موٹر کے گھومتے حصہ کو وہی طاقت منتقل ہو رہی ہے جو مقاومت Z=10.147+ j7.375 کو منتقل ہو رہی ہے۔یعنی مساوات 7.40 کو ہم یوں جمی لکھ سکتے ہیں۔

$$P_{rql} = I_{0r}^{'2} \frac{R_r}{s} = I_s^2 R = 17.6956^2 \times 10.147 = 3177.37 W$$

تین دور کے لئے یہ مقدار 9532=3×3177.37 واٹ ہوگی۔مساوات 7.42 موٹر کی اندرونی میکانی طاقت دیتی ہے یعنی

$$P_m = P_{rq}(1-s) = 9532 \times (1-0.02) = 9341 W$$

اس سے طاقت کا ضیاع منفی کر کیے۔ 8741=9341-9341 واٹ رہ جاتا ہے۔ یہ موٹر کے دھرے پر مروڑ

$$T = \frac{P_m}{\omega_m} = \frac{8741}{2 \times \pi \times 16.33} = 85.1 \, N \cdot m$$

• موٹر کو گل مہیا برقی طاقت

$$P = \sqrt{3} \times 415 \times 17.6956 \times cos(-38.155^{\circ}) = 10001.97W$$

$$= \frac{8741}{1000197} \times 100 = 87.39\%$$
 ہے۔ یوں اس موٹر کی استعداد

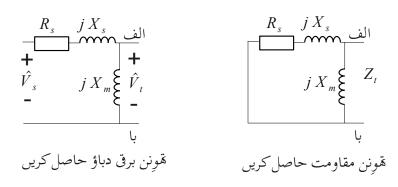
7.9 امالی موٹرکا مساوی تھونن دور

مسئلہ تھونن کے مطابق کسی بھی سادہ برقی دور کو اس کے دو بر تی سروں کے مابین ایک مقاومت اور ایک برقی دباؤ کی مساوی دور سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ اس مساوی دور کو مساوی تھونن دور کہتے ہیں جبکہ اس مساوی تھونن دور کی مقاومت کو تھونن مقاومت اور برقی دباؤ کو تھونن برقی دباؤ کہتے ہیں۔

برق دور کے دو برق سروں کے مابین تھونن مقاومت حاصل کرنے کے لئے اس برقی دور کے اندرونی برقی دباؤ کسرِ دور کر کے ان دو برقی سروں کے مابین مقاومت معلوم کی جاتی ہے۔ یہی مقاومت، تھونن مقاومت ہے۔ انہیں برقی سروں پر تھونن برقی دور کے اندرونی برقی دباؤ موزر کے اندرونی برقی دباؤ برقرار رکھ کے ان دو سروں پر برقی دباؤ معلوم کی جاتی ہے۔ یہی برقی دباؤ در

³³⁶ Thevenin equivalent circuit

حقیقت تھوِنن برقی دباؤ ہے۔بعض اوقات ہم ایک برقی دور کے ایک خاص حصے کا مساوی تھوِنن دور بنانا چاہتے ہیں۔ایسا کرتے وقت بقایا برقی دور کو اس حصے سے مکمل طور پر منقطع کیا جاتا ہے۔

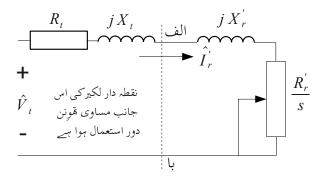


شکل 7.10: تھونِن مقاومت اور تھونِن برقی دباؤ حاصل کرنے کے دور

یوں شکل 7.10 سے واضح ہے کہ دو سروں الف اور باکے مابین مساوی تھوِنن مقاومت اور تھوِنن برقی دباؤ یہ ہیں۔

$$Z_{t} = \frac{\left| R_{s} + j X_{s} \right| j X_{m}}{R_{s} + j X_{s} + j X_{m}} = R_{t} + j X_{t}$$

$$\hat{V}_{t} = \frac{j X_{m} \hat{V}_{s}}{R_{s} + j X_{s} + j X_{m}}$$
(7.46)



شکل 7.11: هونن دور استعمال کرنے کے بعد امالی موٹر کا مساوی دور

کسی بھی مخلوط عدد Z_i 337 کو ایک حقیقی عدد R_i اور ایک فرضی عدد $j\,X_i$ لکھا جا سکتا ہے۔ یہی اس مساوات میں کیا گیا ہے۔

ہم یوں امالی موٹر کی مساوی برقی دور کو شکل 7.11 کی طرح بنا سکتے

337 complex number

ہیں جہاں سے دوری سمتیہ کی استعمال سے مندرجہ ذیل برقی رو $\hat{I'_r}$ حاصل ہوتی ہے۔

$$\hat{I}'_{r} = \frac{\hat{V}_{t}}{R_{t} + j X_{t} + \frac{R'_{r}}{s} + j X'_{r}} \\
|\hat{I}'_{r}| = I'_{0r} = \frac{V_{t}}{\sqrt{\left(R_{t} + \frac{R'_{r}}{s}\right)^{2} + \left(X_{t} + X'_{r}\right)^{2}}} \tag{7.47}$$

مساوات 7.45 سریوں تین دور کی لپٹی مشین کی مروڑ یہ ہو گی

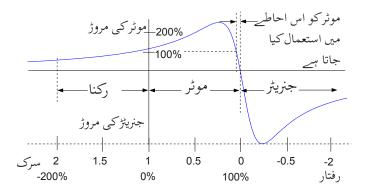
$$T = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3 V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\left(R_t + \frac{R_r'}{s}\right)^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3 V_t^2 \left(\frac{R_r'}{s}\right)}{\frac{R_r'^2}{s^2} + 2 R_t \frac{R_r'}{s} + R_t^2 + \left(X_t + X_r'\right)^2}$$
(7.48)

اس مساوات کو شکل 7.12 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں موٹر کی رفتار کو معاصر رفتار کی نسبت سے دکھایا گیا ہے۔موٹر ازخود گھومتے مقناطیسی موج کی سمت میں گھومتی ہے اور اس کی رفتار معاصر رفتار سے قدرِ کم رہتی ہے۔زیادہ سرک پر موٹر کی استعداد نہایت خراب ہو جاتی ہے۔ اسی لئے لگاتار استعمال کے وقت اسے تقریباً پانچ فیصد سے کم سرک پر چلایا جاتا ہے بلکہ ان کی تخلیق یوں کی جاتی ہے کہ امالی موٹر اپنی پوری طاقت تقریباً پانچ فیصد سے کم سرک پر حاصل کر دیتی ہے۔

اگر موٹر کو زبردستی ساکن لچھوں کی گھومتے مقناطیسی موج کی سمت میں معاصر رفتار سے زیادہ رفتار پر گھمایا جائے تو یہ ایک جنریٹر کے طور پر کام کرنے شروع ہو جائے گی۔ایسا کرنے کے لئے بیرونی میکانی طاقت درکار ہوگی ۔ اگرچہ امالی مشین عام طور پر کبھی جنریٹر کے طور پر استعمال نہیں ہوتے البتہ ہوا سے برق طاقت پیدا کرنے میں یہ جنریٹر کے طور پر کار آمد ثابت ہوتے ہیں۔

شکل میں منفی رفتار بھی دکھائی گئی سے جہاں سرک ایک سے زیادہ



شكل 7.12: امالي موٹركي مروڑ بالمقابل سرك كا خط

ہے۔ ایسا تب ہوتا ہے جب موٹر کو ساکن لچھوں کی گھومتی مقناطیسی دباؤ کی موج کی اُلٹ سمت میں گھمایا جائے۔موٹر کو جلد ساکن حالت میں لانے کے لئے یوں کیا جاتا ہے۔تین دور کی موٹر پر لاگو برقی دباؤ کی کسی دو دور کو آپس میں اُلٹا دیا جاتا ہے۔ اس طرح موٹر کی ساکن لچھوں کی گھومتی مقناطیسی موج یکدم اُلٹ سمت میں گھومنے شروع ہو جاتی ہے جبکہ موٹر ابھی پہلی سمت میں ہی گھوم رہی ہوتی ہے۔اس طرح موٹر تیزی سے آہستا ہوتی ہے اور جیسے ہی موٹر رکھ کر دوسری جانب گھومنا چاہتی ہے اس پر لاگو بر تی دباؤ منقطع کر دی جاتی ہے۔ اسی لئے اس احاطے کو رکنے کا احاطہ کہتے ہیں۔

امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ مروڑ مساوات 7.48 سے یوں حاصل کی جا سکتی ہے۔مروڑ اُسی لمحہ زیادہ سے زیادہ ہوگی جب گھومتے حصے کو زایدہ

سے زیادہ طاقت میسر ہو۔ زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرنے کا مسئلہ 338 کہتا ہے کہ کسی بھی مقاومت (Z=R+jX) کو اُس وقت زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل ہوتی ہے جب اس مقاومت Z اور لاگو برقی دباؤ کے مابین مقاومت $(Z^*=R-jX)$ آپس میں جوڑی دار مخلوط اعداد $(Z^*=R-jX)$

شکل 7.11 میں ہم R_r'/s میں زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی چاہتے ہیں، لہٰذا اس صورت میں اس مسئلہ کے مطابق مزاحمت R_r'/s اور لاگو برقی دباؤ کے مابین جُڑی مقاومت کی مقدار برابر ہونی چائیے یعنی

$$\frac{R_{r}^{'}}{s} = \left| R_{t} + j X_{t} + j X_{r}^{'} \right| = \sqrt{R_{t}^{2} + (X_{t} + X_{r}^{'})^{2}}$$
 (7.49)

اس مساوات سے زیادہ سے زیادہ طاقت پر سرک s_z کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$s_z = \frac{R_r'}{\sqrt{R_t^2 + (X_t + X_r')^2}}$$
 (7.50)

مساوات 7.48 کے نچلے حصے میں مساوات 7.49 کے استعمال سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ مروڑ یہ ہوگی

³³⁸ Maximum power transfer theorem

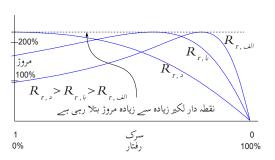
³³⁹ complex conjugate numbers

$$T_{z} = \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3 V_{t}^{2} \left(\frac{R_{r}^{'}}{s}\right)}{\frac{R_{r}^{'2}}{s^{2}} + 2 R_{t} \frac{R_{r}^{'}}{s} + \frac{R_{r}^{'2}}{s^{2}}}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3 V_{t}^{2}}{2 \left(R_{t} + \frac{R_{r}^{'}}{s}\right)}$$

$$= \frac{1}{\omega_{sm}} \frac{3 V_{t}^{2}}{2 \left(R_{t} + \sqrt{R_{t}^{2} + \left(X_{t} + X_{r}^{'}\right)^{2}}\right)}$$
(7.51)

اس مساوات کے مطابق امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ مروڑ اس کے گھومتے لچھوں کی مزاحمت پر منحصر نہیں۔ یہ ایک اہم معلومات ہے جسے استعمال کر کے امالی موٹر کی زیادہ سے زیادہ مروڑ درکار رفتار پر یوں حاصل کی جا سکتی ہے۔



شکل 7.13:بیرونی مزاحمت لگانے کے مروڑ بالمقابل سرک کے خطوط پر اثرات

امالی موٹر کے گھومتے کچھوں کے برقی سروں کو سرک چھلوں 340 کے ذریعہ باہر نکالا جاتا ہے 341 جہاں ان کے ساتھ سلسلہ وار بیرو نی مزاحمت جوڑی جاتی ہے۔ ایسا جاتی ہے۔ ایسا طرح گھومتے کچھوں کی مزاحمت R_r بڑھائی جاتی ہے۔ ایسا کرنے سے مساوات 7.49 کے مطابق زیادہ سے زیادہ مروڑ نسبتاً زیادہ سرک یعنی کم زاویاتی رفتار پر حاصل کی جا سکتی ہے۔ شکل میں $R_{r,s}$ مزاحمت کے ساتھ ساکن موٹر کو چالو کرتے وقت زیادہ سے زیادہ مروڑ حاصل ہو سکتی ہے۔ اس طرح بار بردار موٹر ساکن حالت سے ہی بار اُھانے کے قابل ہوتا ہے۔ چونکہ

³⁴⁰ slip rings

³⁴¹ شکل 6.1 کے نمونے پر

زیادہ سرک پر موٹر کی استعداد خراب ہوتی ہے لہذا اس طرح موٹر کو زیادہ دیر نہیں چلایا جاتا اور جیسے ہیں اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے، اس سے جُڑے بیرو نی مزاحمتیں منقطع کر کے گھومتے لچھوں کے برقی سِرے کسرِ دور کر دیئے جاتے ہیں۔

مثال 7.3:

مثال 7.2 میں دی گئی امالی موٹر اس مثال میں استعمال کریں۔رگڑ سے طاقت کی ضیاع کو نظر انداز کریں۔

- آگر موٹر درکار وولٹ اور تعداد ِ ارتعاش پر تین فی صد سرک پر چل رہی ہو تو (الف) ساکن لچھے میں گھومتے لچھے کے حصہ کی برقی رو I'_{r} حاصل کریں۔ حاصل کریں۔
- موٹر کی زیادہ سے زیادہ اندرونی پیدا مروڑ اور اس مروڑ پر موٹر کی رفتار حاصل کریں۔
 - I'_{r} موٹر کی چالو ہونے کے لمحہ پر مروڑ اور اسی لمحہ اس کی کی حاصل کریں۔

حل:

• (الف) دوری بر قی دباؤ $239.6 = \sqrt{3} + 415$ استعمال کرتے ہوئے مساوات 7.46 کی مدد سے

$$Z_t = \frac{(0.5 + j0.99) \times j22}{0.5 + j0.99 + j22} = 0.4576 + j0.9573$$

$$\hat{V}_t = \frac{j22 \times 239.6 \angle 0^0}{0.5 + j0.99 + j22} = 229.2 \angle 1.246^0$$

مساوات 7.47 میں تین فی صلہ سرک پر $R_r^{'}/s = 10.3333$ کے استعمال سے

$$\hat{I}_r' = \frac{229.2 \angle 1.2459^0}{0.4576 + j0.9573 + 10.3333 + j0.34} = 21.1 \angle (-5.6^0)$$

$$I_r' = \left| \hat{I}_r' \right| = 21.1$$

حل (با):

مساوات 7.42 اور 7.44 کی مدد سے

$$P_m = rac{3 imes 21.1^2 imes 0.31}{0.03} imes (1-0.03) = 13387.46 \ W$$

$$T = rac{13387.46}{(1-0.03) imes 2 imes \pi imes 16.66} = 131.83 \ N\cdot m$$
 ombelo 7.50 m. ights we give 7.50 m.

$$s_z = \frac{0.31}{\sqrt{0.4576^2 + (0.9573 + 0.34)^2}} = 0.1638$$

اور اس پر موٹر کی رفتار 836.2=836.2 چکر فی منٹ ہوگی۔ .

$$R'_{r}/s = 0.31$$
 چالو کرتے کھہ پر سرک ایک ہوگی لہذا ۔

$$\hat{I}_r' = \frac{229.2 \angle 1.2459^0}{0.4576 + j0.9573 + 0.31 + j0.34} = 152.07 \angle (-58.14^0)$$

$$I_r' = \left| \hat{I}_r' \right| = 152.07 A$$

اس لمحہ مروڑ

$$T = \frac{3 \times 152.07^2 \times 0.31}{2 \times \pi \times 16.66} = 205.427 \ N \cdot m$$

مثال 7.4: ایک تین دور دو قطب ستارا جڑا پچاس ہرٹز پر چلنے والا امالی موٹر 2975 چکر فی منٹ کی رفتار پر بارہ کلوواٹ کر میکانی بار سر لدا ہر۔

• موٹر کی سرک کتنی ہر ۔

• دهر پر مروڙ کتني سر۔

• معاصر رفتار $\frac{2}{p} f_e = \frac{2}{2} \times 50 = 50$ چکر فی سیکنڈ ی ا $50 \times 60 = 3000$ چکر فی منٹ ہر ۔ یوں سرک

$$s = \frac{n_s - n}{n_s} = \frac{3000 - 2975}{3000} = 0.00833$$

• موٹر کی رفتار 49.58333 چکر فی سیکنڈ ہے۔یوں اس $\tau = \frac{P}{W} = \frac{12000}{2 \times \pi \times 49.58333} = 38.513 \ N \cdot m$ کے دھرے پر مروڑ

7.10 پنجرا نما امالي موٹر

گھومتے لچھوں کی ساخت پر زرا غور کرتے ہیں۔ گھومتے لچھوں کے N_r چکر ہوتے ہیں جہاں N_r کوئی بھی عدد ہو سکتا ہے۔سادہ ترین صورت میں N_r ایک کے برابر ہو سکتا ہے یعنی ایک ہی چکر کا گھومتا لچھا۔اب بجائے اس کے کہ مرکز میں لچھوں کے لئے شگاف بنائے جائیں اور ہر شگاف میں تانبے کی تارکا ایک چکر لپٹا جائے ہم یوں بھی کر سکتے ہیں کہ ہر شگاف میں سیدھا تانبے کا ایک سلاخ رکھ دیں اور اس طرح کے سب سلاخوں کی ایک جانب کے سروں کو تانبے کی ایک دائرہ نما سلاخ سے کسرِ دور کر دیں اور اسی طرح دوسری جانب کے سب سروں کو بھی ایک تانبے کی دائرہ نما سلاخ سے کسرِ دور کر دیں۔ اس طرح تانبے کی سلاخوں کا پنجرا بن جاتا ہے۔اسی لئے ایسے امالی موٹر کہتے ہیں۔

حقیقت میں شگافوں میں پگلا تانبا یا سلور³⁴² ڈالا جاتا ہے جو گھنڈا ہو کر گھوس ہو جاتا ہے اور مرکز کو جھکڑ لیتا ہے۔دونوں اطراف کے دائرہ نماکسر دور کرنے والے چھلے بھی اِسی طرح اور اِسی وقت بنائے جاتے ہیں۔ اس طرح یہ ایک مضبوط گھومتا حصہ بن جاتا ہے۔ اسی مضبوطی کی وجہ سے پنجرا نما امالی موٹر نہایت مقبول ہوا ہے۔ ایسے موٹر سالوں تک بغیر دیکھ بال کے کام کرتے ہیں اور عام زندگی میں ہر جگہ پائے جاتے ہیں۔گھروں میں پانی کے پمپ اور پنکھر اِنہیں سر چلتے ہیں۔

³⁴² copper or aluminium

7.11 بے بار موٹر اور رکے موٹر کے معائنہ

امالی موٹر کی کارکردگی دو معائنوں سے معلوم کی جاتی ہے۔ انہی سے اس کے مساوی برقی دور کے جُز بھی حاصل کئے جاتے ہیں۔ہم تین دور کی امالی موٹر کی مثال سے ان معائنوں کا تذکرہ کرتے ہیں۔

7.11.1 بے بار موٹرکا معائنہ

یہ معائنہ بالکل ٹرانسفارمر کے بے بار معائنہ کی طرح ہے۔اس میں موٹر کی ہیجان انگیز برقی رو اور بے بار موٹر میں طاقت کے ضیاع کی معلومات حاصل ہوتی ہیں۔

اس میں ہے بار امالی موٹر پر تین دور کی مساوی بر قی دباؤ V_{bb} اس میں ہے بار موٹر کی برقی طاقت کا ضیاع P_{bb} اور اس کے ساکن کچھے کی ہیجان انگیز برقی رو $I_{s,bb}$ ناپی جاتی ہے۔یہ معائنہ امالی موٹر کی پورے بر قی دباؤ اور برقی تعدد پر کیا جاتا ہے۔

بے بار امالی موٹر صرف اتنی مروڑ پیدا کرتی ہے جتنی رگڑ اور دیگر طاقت کے ضیاع کی وجہ سے درکار ہو۔اتنی کم مروڑ بہت کہ سرک پر حاصل ہو جاتی ہے۔مساوات 7.47 سے ظاہر ہے کہ بہت کم سرک پر I' بھی نہایت کم ہوگی اور اس سے گھومتے لچھوں میں برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اسی بات کو شکل 7.7 کی مدد سے بھی سمجھا جا سکتا ہے جہاں یہ واضح ہے کہ بہت کم سرک پر مزاحمت R'/s کی قیمت بہت زیادہ ہو جاتی ہے

میں ہے بارکے پہلے حروف ${\bf v}$ اور ${\bf v}$ کو چھوٹے لکھائی میں bb سے ظاہر کیا گیا ہوں V_{bb}

اور اس کو کُھلے دور سمجھا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے شکل 7.14 حصہ الف ملتا ہے۔

شکل 7.9 الف میمی R_c اور $j\,X_m$ اور $j\,X_m$ کے متوازی دور کا مساوی سلسلہ وار دور شکل کے حصہ با میمی دکھایا گیا ہے۔کسی بھی امالی موٹر کی K_c کی قیمت اس کی K_m کی قیمت سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔متوازی دور کی مقاومت K_m سے مساوی سلسلہ وار مقاومت K_s یوں حال ہوتی ہے

$$Z_{m} = \frac{(R_{c})(j X_{m})}{(R_{c} + j X_{m})}$$

$$= \frac{(j R_{c} X_{m})(R_{c} - j X_{m})}{(R_{c} + j X_{m})(R_{c} - j X_{m})}$$

$$= \frac{j R_{c}^{2} X_{m} + R_{c} X_{m}^{2}}{R_{c}^{2} + X_{m}^{2}} \qquad R_{c} \gg X_{m}$$

$$\approx \frac{j R_{c}^{2} X_{m} + R_{c} X_{m}^{2}}{R_{c}^{2}}$$

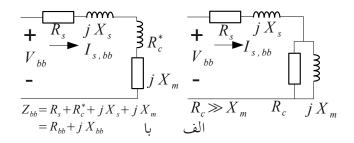
$$\approx j X_{m} + \frac{X_{m}^{2}}{R_{c}} = j X_{m} + R_{c}^{*} = Z_{s}$$
(7.52)

ہے بار ٹرانسفارمروں میں ابتدائی لچھوں کے برقی طاقت کے ضیاع کو بھی نظر انداز کیا جاتا ہے۔ بے بار امالی موٹروں کی ہیجان انگیز برقی رو کافی زیادہ ہوتی ہے لہذا ان کے ساکن لچھوں کی برقی طاقت کے ضیاع کو نظر انداز نہیں کیا جا سکتا۔

بے بار امالی موٹر کی P_{bb} سے آگر تین ساکن کچھوں کی برقی ضیاع منفی کی جائے تو اس میں میکانی طاقت کے ضیاع P_m کا حساب لگایا جا سکتا ہے یعنی

$$P_{m} = P_{bb} - 3I_{s,bb}^{2}R_{s} \tag{7.53}$$

میکانی طاقت کا ضیاع ہے بار اور بار بردار موٹر کے لئے یکساں تصور کیا جاتا ہے۔



شکل 7.14: بے بار امالی موٹر کا معائنہ

شکل کے حصہ با سے ہم لکھ سکتے ہیں

$$R_{bb} = \frac{P_{bb}}{3I_{s,bb}^{2}}$$

$$|Z_{bb}| = \frac{V_{bb}}{I_{s,bb}}$$

$$X_{bb} = \sqrt{|Z_{bb}|^{2} - R_{bb}^{2}}$$

$$X_{bb} = X_{s} + X_{m}$$
(7.54)

یوں اس معائنہ سے موٹر کی بے بار متعاملیت X_{bb} حاصل ہوتی ہے۔آگر کسی طرح ساکن لچھے کی متعاملیت X_s معلوم ہو تب اس مساوات سے X_m حاصل کی جا سکتی ہے۔آگلے معائنہ میں ہم X_s کا اندازہ لگا سکیں گے۔

7.11.2 رکے موٹرکا معائنہ

یہ معائنہ ٹرانسفارمر کے کسرِ دور معائنہ کی طرح ہے۔ اس میں مشین کے رستا امالوں کی معلومات حاصل ہوتی ہے۔البتہ امالی موٹر کا مسئلہ ذرا زیادہ پیچیدہ ہے۔امالی موٹر کی رستا امالہ گھومتے کچھوں میس برقی تعدد اور مرکز کے سیراب ہونے پر منحصر ہوتے ہیں۔

اس معائنہ میں امالی موٹر کے گھومتے حصے کو حرکت کرنے سے زبردستی روک دیا جاتا ہے جبکہ ساکن لچھوں پر بیرونی برقی دباؤ V_{rk} لاگو کر کے برقی طاقت P_{rk} اور ساکن لچھوں کی برقی رو $I_{s,rk}$ ناپی جاتی ہیں۔ اصولی

طور پر یہ معائنہ اُن حالات کو مدِ نظر رکھ کر کیا جاتا سے جن پر موٹر کی معلومات درکار ہوں۔مسلا

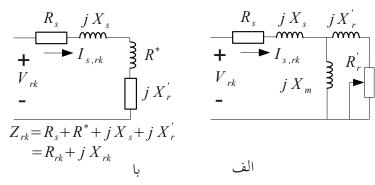
جس کچہ ایک موٹر کو ساکن حالت سے چالو کیا جائے اس کچہ موٹر کی سرک ایک کے برابر ہوتی ہے اور اس کے گھومتے کچھوں میں عام تعدد f_e کی برقی رو $I_{t=0}$ ہوتی ہے، لہٰذا اگر اس لحجہ کے نتائج درکار ہوں تو موٹر کے ساکن کچھوں پر عام تعدد یعنی f_e کی اتنی برقی دباؤ لاگو کی جائے گی جتنی سے اس کے گھومتے کچھوں میں $I_{t=0}$ برقی رو ہو۔ اسی طرح اگر عام چالو حالت میں بار بردار موٹر کے نتائج درکار ہوں جب موٹر کی سرک f_e اور اس کے گھومتے کچھوں میں برقی رو f_e نتائج درکار ہوتی ہے تو معائنہ میں f_e برتی تعدد کی برقی دباؤ استعمال کی جائے گی اور اس کی مقدار اتنی رکھی جائے گی جدنی سے گھومتے کچھوں میں برقی دباؤ سے آئرات قابلِ نظر انداز ہوتے ہیں لہٰذا ان کا معائنہ عام برقی تعدد کے برقی دباؤ پر ہی کیا جاتا ہے۔

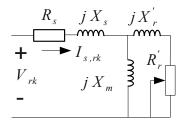
یہاں شکل 7.7 کو رکے موٹر کے معائنہ کی نقطہ نظر سے دوبارہ بناتے ہیں۔ رکے موٹر کی سرک ایک کے برابر ہوتی ہے۔ مزید یہ کہ اس معائنہ میں لاگو برق برق دباؤ سے خاصی کم ہوتی ہے۔ اتنی کم لاگو برق دباؤ سے خاصی کم ہوتی ہے۔ اتنی کم لاگو برق دباؤ پر مرکزی ضیاع کو نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ شکل میں R_c کو کھلے دور کرنا مرکزی ضیاع کو نظرانداز کرنے کے مترادف ہے۔ ایسا کرنے سے شکل 7.15

اس کھہ کے برقی رو کو چھوٹی لکھائی میں وقت صفر سے منسلک کیا گیا ہے یعنی $t\!=\!0$

³⁴⁵ چھوٹی لکھائی میں $\infty = t$ اس بات کو ظاہر کرتی ہےکہ موٹر کافی دیر سے چالو ہے اور یہ ایک برقرار رفتار تک پہنچ گئی ہے

حصہ الف ملتا ہے۔ چونکہ s=1 ہے لہٰذا اس شکل میں R_r'/s کو جسہ الیا





الف

شكل 7.15:ركر امالي موثركا معائنه

شکل کر حصہ الف میں jX_m اور $(R'_r+jX'_r)$ متوازی جڑرے ہیں۔ ان کا مساوی سلسلہ وار دور شکل کر حصہ با میں دکھایا گیا ہر۔اس متوازی دور کی مزاهمت Z_m سر سلسلم وار مزاهمت Z_s یوں حاصل ہوتی ہر۔

$$Z_{m} = \frac{\left(j X_{m}\right)\left(R_{r}^{'} + j X_{r}^{'}\right)}{\left(R_{r}^{'} + j (X_{m} + X_{r}^{'})\right)}$$

$$= \frac{\left(j X_{m} R_{r}^{'} - X_{m} X_{r}^{'}\right)\left(R_{r}^{'} - j (X_{m} + X_{r}^{'})\right)}{\left(R_{r}^{'} + j (X_{m} + X_{r}^{'})\right)\left(R_{r}^{'} - j (X_{m} + X_{r}^{'})\right)}$$

$$= \frac{j X_{m} R_{r}^{'2} + X_{m} R_{r}^{'}(X_{m} + X_{r}^{'}) - X_{m} X_{r}^{'} R_{r}^{'} + j X_{m} X_{r}^{'}(X_{m} + X_{r}^{'})}{R_{r}^{'2} + (X_{m} + X_{r}^{'})^{2}}$$

$$= \frac{X_{m}^{2} R_{r}^{'}}{R_{r}^{'2} + (X_{m} + X_{r}^{'})^{2}} + j \frac{(X_{m} R_{r}^{'2} + X_{m}^{2} X_{r}^{'} + X_{m} X_{r}^{'2})}{R_{r}^{'2} + (X_{m} + X_{r}^{'})^{2}}$$

$$= R^{*} + j X^{*} = Z$$

$$(7.55)$$

اور ان مساوات میں $X_{m}\gg R_{r}^{'}$ اور $X_{m}\gg X_{r}^{'}$ لیا جائے تو حاصل ہوتا ہے

$$R^* \approx R_r' \left(\frac{X_m}{X_m + X_r'} \right)^2 \tag{7.56}$$

$$X^* \approx \frac{X_m R_r^{'2}}{X_m^2} + \frac{X_m^2 X_r^{'}}{X_m^2} + \frac{X_m X_r^{'2}}{X_m^2} \approx X_r^{'}$$
 (7.57)

اس معائنہ میں ناپے مقداروں اور شکل 7.15 کے حصہ با سے

$$Z_{rk} = \frac{V_{rk}}{I_{s,rk}}$$

$$R_{rk} = \frac{P_{rk}}{3 I_{s,rk}^2}$$

$$X_{rk} = \sqrt{Z_{rk}^2 - R_{rk}^2}$$
(7.58)

حاصل ہوتے ہیں۔ اس مساوات کے پہلے جُز میں ناپے برقی دباؤ اور برقی رو سے مقاومت حاصل کی گئی ہے، اس کے دوسرے جُز سے مزاحمت اور تیسرے میں متعاملیت۔

اب شکل کے حصہ با سے واضح ہے کہ

$$X_{rk} = X_s + X_r' (7.59)$$

اس رِستا متعاملیت X_{rk} کو ساکن اور گھومتے لچھوں میں مندرجہ ذیل فہرست کی مدد سے تقسیم کیا جاتا ہے۔

X_r	X_s	گھومتے حصہ کی بناوٹ
0.5 X _{rk}	0.5 X _{rk}	لپڻا ٻوا
0.5 X _{rk}	0.5 X _{rk}	بناوٹ A
0.6 X _{rk}	0.4 X _{rk}	بناو <i>ٹ B</i>
0.7 X _{rk}	0.3 X _{rk}	بناوٹ C
0.5 X _{rk}	$0.5X_{rk}$	بناوٹ D

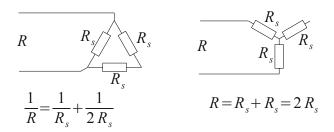
اسی طرح شکل کے حصہ با سے واضح ہے کہ $R_{rk}=R^*+R_s$ لہٰذا اگر ساکن لچھے کی مزاحمت R_s براہِ راست مزاحمت ناپنے کے مشین یعنی اوہم میٹر R_s سے ناپی جائے تو

$$R^* = R_{rk} - R_s \tag{7.60}$$

اور اب $R_{r}^{'}$ کو مساوات 7.56 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں ہور اب امالی موٹر کے معائنہ میں حاصل کی جاتی ہے۔

³⁴⁶ Ohm meter

اوہم میڑکی مدد سے ساکن کچھے کی مزاحمت ناپتے وقت یہ جاننا ضروری ہے کہ موٹر ستارا یا تکونی جڑی ہے۔ شکل 7.16 میں کچھے کو دونوں طرح جڑا دکھایا گیا ہے۔ اگر ایک دور کی مزاحمت R_s ہو تو ستارا جڑی موٹر میں اوہم میٹر $2R_s$ مزاحمت دے گی جبکہ تکونی جڑی موٹر کے لئے یہ $2R_s$ مزاحمت دے گی۔



شکل 7.16: ستارا اور تکونی جڑی موٹروں کی ساکن لچھوں کی مزاحمت اوہم میٹر کی مدد سے حاصل کرنا

ىثال *7.5:*

ستارا جڑی چار قطب پچاس ہرٹز 415 وولٹ پر چلنے والی موٹر کے معائنہ کے نتائج مندرجہ ذیل ہیں۔ موٹر کی بناوٹ درجہ بندی

A کر مطابق ہر۔

- اوہم میٹرکسی بھی دو برقی سروں کے مابین 0.55 اوہم پڑتا ہے۔
 - بر بار معائنہ:

$$V_{bb} = 415 V$$
; $I_{bb} = 4.1 A$; $P_{bb} = 906 W$; $f_{bb} = 50 Hz$

• رکے موٹر معائنہ:

$$V_{rk} = 50 V$$
; $I_{rk} = 13.91 A$; $P_{rk} = 850 W$; $f_{rk} = 15 Hz$

اس موٹر کی مساوی بر قی دور بنائیں اور پانچ فیصد سرک پر اس کی اندرونی میکانی طاقت حاصل کریں۔

حل:

اوہم میٹر کی مدد سے ستارا جڑی موٹر کے ساکن کچھے کی مزاحمت
$$R_s = 0.98/2 = 0.49 ~~\Omega$$

ہے۔بے بار معائنہ میں دوری برقی دباؤ $\sqrt{3}=239.6$ وولٹ ہے جس سے

$$R_{bb} = \frac{906}{3 \times 4.1^2} = 17.965$$
$$|Z_{bb}| = \frac{239.6}{4.1} = 58.439$$
$$X_{bb} = \sqrt{58.439^2 - 17.965^2}$$
$$= 55.609 = X_s + X_m$$

لہٰذا رکے موٹر معائنہ کے نتائج سے X_s حاصل کرنے کے بعد X_m حاصل ہو جائے گی۔

ساکن لچھے کی مزاحمت میں اس برقی رو پر کُل

$$3I_{bb}^2R_s=3 imes4.1^2 imes0.275=13.86825W$$
برقی طاقت کا ضیاع ہوگا لہٰذا رگڑ اور دیگر طاقت کی ضیاع

$$906 - 13.86 = 892W$$

ہو گی۔

رکے موٹر کے معائنہ میں دوری بر تی دباؤ $\sqrt{3}=28.8675=50/\sqrt{3}$ وولٹ ہیں یوں اس معائنہ سے

$$R_{rk} = \frac{850}{3 \times 13.91^2} = 1.464$$
$$|Z_{rk}| = \frac{28.8675}{13.91} = 2.075$$
$$X_{rk,15} = \sqrt{2.075^2 - 1.464^2} = 1.47$$

حاصل ہوتے ہیں۔ اس معائنہ میں برقی تعدد 15 ہرٹز تھی لہذا 50 ہرٹز پر متعاملیت

$$X_{rk,50} = \frac{50}{15} \times X_{rx,15}$$
$$= \frac{50}{15} \times 1.47 = 4.9$$

ہے۔ درجہ بندی A کی امالی موٹر کے لئے یہ متعاملت ساکن اور گھومتے کچھے میں یکساں تقسیم ہوتی ہے لہٰذا

$$X_s = X_r^{'} = \frac{X_{rk,50}}{2} = \frac{4.9}{2} = 2.45$$

يوں

$$X_m = X_{bb} - X_s = 55.609 - 2.45 = 53.159$$

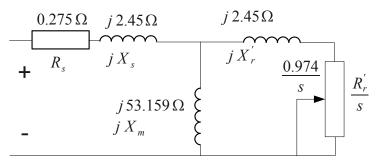
چونکہ
$$R_s$$
=0.275 اوہم ہے اور

$$R_{rk} = R_s + R_r^{'}$$

لهذا

$$R_r^{'} = 1.464 - 0.49 = 0.974$$

ہو گی۔یہ مساوی برقی دور شکل میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 7.17: امالی موٹر کی مساوی برقی دور

پانچ فی صد سرک پر اندرونی میکانی طاقت کی خاطر بائیں جانب کا تھونن مساوی دور استعمال کرتے ہوئے

$$\begin{split} \hat{V}_t &= 229 \angle 0.2833^0 \\ Z_t &= 0.251 + j2.343 \\ \left| \hat{I}_r' \right| &= 11.8A \\ P_m &= \frac{3 \times 11.8^2 \times 0.974 \times (1 - 0.05)}{0.05} = 7730W \end{split}$$

8 یک سمتی رو مشین

یک سمتی رو مشین یا تو یک سمتی رو ³⁴⁷ برقی طاقت پیدا کرتے ہیں یا پھر یہ یک سمتی رو برقی طاقت سے چلتے ہیں۔یک سمتی رو موٹروں کی اہمیت بتدریج کم ہوتی جا رہی ہے اور ان کی جگہ امالی موٹر استعمال ہونے لگے ہیں جو جدید طرز کے قوی الیکٹرانکس ³⁴⁸ سے قابو کئے جاتے ہیں۔موجودہ دور میں گاڑیوں میں لگے یک سمتی جزیٹر بھی دراصل سادہ بدلتی رو جزیٹر ہوتے ہیں جن کے اندر نسب ڈایوڈ ³⁴⁹ ان کی بدلتی محرک برقی دباؤ کو یک سمتی محرک برقی دباؤ میں تبدیل کر دیتی ہے۔

اس باب میں دو قطب کے یک سمتی آلوں کا مطالعہ کیا جائے گا۔آلہِ تبدیل رکھنے والے یک سمتی آلوں میں میدانی لچھا ساکن ہوتا ہے جبکہ قوی لچھا گھومتا ہے۔

8.1 آلمِ تبديل كى بنيادى كاركردگى

جنریٹر بنیادی طور پر بدلتی رو برقی دباؤ ہی پیداکرتا ہے۔ یک سمتی جنریٹر کے اندر نسب آلمِ تبدیل 350 میکانی طریقہ سے اس بدلتی روکو یک سمتی رو میں

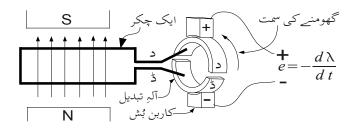
³⁴⁷ direct current (DC)

³⁴⁸ power electronics

³⁴⁹ diode

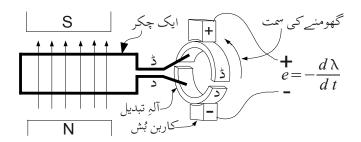
³⁵⁰ commutator

تبدیل کرتا ہے اور یوں جنریٹر کی برقی سروں سے یک سمتی برقی دباؤ حاصل ہوتا ہے۔ ہے۔



شكل 8.1:آلم تبديل

آلمِ تبدیل کو شکل 8.1 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں جنریٹر کے قوی پلھے کو ایک چکر کا دکھایا گیا ہے آگرچہ حقیقت میں ایسا نہیں ہوتا۔ قوی پلھے کے برقی سروں کو \mathbf{c} اور \mathbf{c} سے ظاہر کیا گیا ہے جو آلمِ تبدیل کے \mathbf{c} اور \mathbf{c} حصوں کے ساتھ جُڑے ہیں۔ قوی پلھا اور آلمِ تبدیل ایک ہی دُھرؓ پر نسب ہوتے ہیں اور یوں یہ ایک ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ یہ دونوں گھڑی کی اُلٹی سمت مقناطیسی میدان میں گھوم رہے ہیں۔ مقناطیسی میدان اُفقی سطح میں N سے کی جانب ہے جسے نوکدار لکیروں سے دکھایا گیا ہے۔ آلمِ تبدیل کے ساتھ کاربن کے ساکن بُش، اسپرنگ کی مدد سے دبا کر رکھے جاتے ہیں۔ ان کاربن کے بیت بہتوں سے برقی دباؤ بیرونِ جنریٹر موصل برقی تاروں کے ذریعہ منتقل کی جاتی ہے۔ ان بُشوں کو مثبت نشان یعنی \mathbf{c} اور منفی نشان یعنی \mathbf{c} سے ظاہر کیا گیا



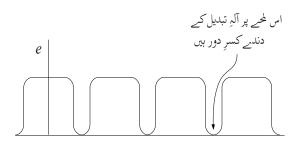
شکل 8.2 :آدھے چکر کے بعد بھی + 'بش مثبت ہی ہے

دکھائے گئے لمحہ پر لچھے میں پیدا برقی دباؤ e کی وجہ سے لچھے کا برقی سِرا د مثبت اور اس کا برقی سرا ڈ منفی ہے۔ یوں آلمِ تبدیل کا حصہ د مثبت اور اس کا حصہ ڈ منفی ہے جس سے کاربن کے + نشان والا بُش منفی ہے۔ نشان والا بُش منفی ہے۔

آدھے چکر بعد خلا میں کچھے کی د اور ڈ اطراف آپس میں جگہیں تبدیل کر لیں گی۔یہ شکل 8.2 میں دکھایا گیا ہے۔ لچھے کے د اور ڈ اطراف اب بھی آلمِ تبدیل کے د اور ڈ حصوں کے ساتھ جُڑے ہیں۔ اس لحم پر لچھے پر بر تی دباؤ اُلٹ ہوگی اور اب اس کا د طرف منفی اور ڈ طرف مثبت ہوگا جیسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔یہاں آلمِ تبدیل کی کارکردگی سامنے آتی ہے اور ہم دیکھتے ہیں کہ

کاربن کا + نشان والا بُش اب بھی مثبت اور - نشان والا بُش اب بھی منفی ہے۔ یوں جنریٹر کے بیرونی برقی سروں پر اب بھی برقی دباؤ پہلے کی سمت میں ہی ہے۔ آلہِ تبدیلی کے دانتوں کے مابین برقی دباؤ ہوتا ہے لہذا ان کو غیر موصل شہ کی مدد ایک دونوں سے اور دُھرے سے دور رکھا جاتا ہے۔

گھومتے وقت ایک ایسا کھی آتا ہے جب آلہِ تبدیل کے دونوں دانت کاربن کے دونوں بُشوں کے ساتھ جُڑے ہوتے ہیں یعنی اس کھی کاربن کے بُش کچھے کو کسرِ دور کرتے ہیں۔ کاربن کے بُش محیط پر اس طرح رکھے جاتے ہیں کہ جس کھی کسرِ دور کرتے ہیں دباؤ مثبت سے منفی یا منفی سے مثبت ہونے لگے اسی کھی کاربن کے بُش کچھے کو کسرِ دور کرہے۔ چونکہ اس کھی کچھے کے پیدا کردہ برقی دباؤ صفر ہوتی ہے لہذا اسے کسرِ دور کرنے سے کوئی نقصان نہیں ہوتا۔ اس طرح حاصل برقی دباؤ شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔



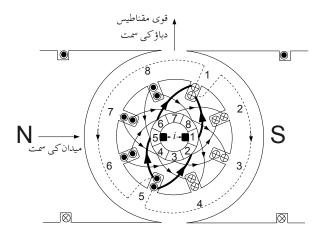
شكل 8.3:دو دندوں كر آلم تبديل سر حاصل يك سمتى برقى دباؤ

یہاں دو دندوں والا آلمِ تبدیل اور دو مقناطیسی قطب کے درمیان گھومتا ایک ہی قوی لچھا دکھایا گیا ہے۔حقیقت میں جنریٹر کے بہت سارے قطب ہوں گے اور ہر ایک قطب کے لئے آلمِ تبدیل کے کئی دندے ہوں گے۔مزید یہ کہ نہایت چھوٹی آلوں میں مقناطیسی میدان مقناطیس ہی فراہم کرتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں مقناطیسی میدان ساکن میدانی لچھے فراہم کرتے ہیں۔ مشین کے دونوں قسم کے لچھے تقسیم شدہ ہوتے ہیں۔

اب ہم زیادہ دندوں کے ایک آلمِ تبدیل کو دیکھتے ہیں۔

8.1.1 آلمِ تبديل تفصيل كر ساتھ

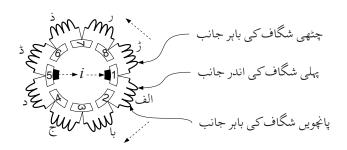
پچھلے حصہ میں آلمِ تبدیل کی بنیادی کارکردگی سمجھائی گئی۔ اس حصہ میں اس پر تفصیلاً غور کیا جائے گا۔ یہاں شکل 8.4 سے رجوع کریں۔ اس شکل میں اندر کی جانب دکھائے گئے آلمِ تبدیل کے دندوں کو ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ آلمِ تبدیل کی اندر جانب کاربن بُش دکھائے گئے ہیں جبکہ i بیرونِ جنریٹر برقی رو کو ظاہر کرتی ہے۔ شگافوں کو بھی ہندسوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس جنریٹر کے دو قطب ہیں جبکہ اس میں کُل آٹھ شگاف ہیں۔ اس طرح آگر ایک شگاف ایک قطب کے سامنے ہو تو تین شگاف چھوڑ کر موجود شگاف دوسرے قطب کے سامنے ہو تو تین شگاف چھوڑ کر موجود شگاف دوسرے قطب کے سامنے ہوگا۔ ہم کہتے ہیں کہ ایسے دو شگاف ایک قطب فاصلے پر ہیں مثلاً شگاف ایک اور پانچ ایک قطب کے فاصلے پر ہیں۔



شکل 8.4:کاربن بُش آلہِ تبدیل کے دندوں کو کسرِ دور نہیں کر رہا

شگافوں میں موجود لچھوں میں برقی روکی سمتیں نقطہ اور صلیب سے ظاہر کئے گئے ہیں۔ نقطہ صفحہ سے عمودی طور پر باہر جانب کی سمت کو ظاہر کرتی ہے۔یوں پہلی کرتی ہے۔یوں پہلی شگاف میں برقی روکی سمت عمودی طور پر صفحہ کی اندر جانب کو ہے۔

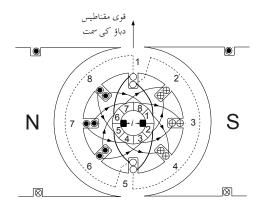
ہر شگاف میں دو لچھر دکھائر گئر ہیں۔پہلی شگاف کی اندر جانب موجود لچھا، آلمِ تبديل كي پهلي دانت سر جُڙا سر ـيم جوڙ موڻي لكير سر ظاہر كـي گئی ہر۔شگاف کر نچلر سِرر سر نکل کر یہ لچھا پانچ نمبر شگاف کر نچلر سرر میں باہر جانب کو داخل ہوتا ہر۔اس بات کو نقطہ دار لکیر سر دکھایا گیا ہے۔اسی طرح دو لچھے دوسرمے اور چٹے شگافوں میں ہیں۔ان میں ایک لچھا دوسرمے شگاف میں اندر کی جانب اور چٹے شگاف میں باہر کی جانب سر جبکہ دوسرا لچھا دوسرہ شگاف میں باہر کی جانب اور چٹے شگاف میں اندر کی جانب ہر ۔ نقطہ دار لکیریں صرف پہلی اور پانچویں شگاف کے لئر دکھائر گئر ہیں۔آپ خود باقی شگافوں کر لئر انہیں بنا سکتر ہیں۔ہر لچھر کے ایک طرف شگاف میں اندر جانب اور اس کی دوسری طرف ایک قطب دور موجود شگاف میں باہر جانب کو ہوتی ہے۔آلہِ تبدیل کا یہی پہلا دانت چوتھر شگاف کے باہر جانب موجود لچھے سے بھی جُڑا ہے۔آپ یہاں رکھ کر شکل 8.5 کی مدد سے مشین میں برقی رو کی سمتیں سمجھیں اور تسلی کر لیبی کہ یہ درست دکھائر گئر ہیں۔اس شکل میں لچھوں کو الف، با، ج وغیرہ نام دیئر گئر ہیں جبکہ آلم تبدیل کر دندوں کو ہندسوں سر ظاہر کیا گیا ہر۔کاربن کر بُش پہلر اور پانچویں دانت سر جڑر دکھائر گئر ہیں۔



شکل 8.5:آلہِ تبدیل سے جڑے لچھے

اس شکل میں کاربن بُش سے برقی رو آلمِ تبدیل کی پہلے دانت سے ہوتے ہوئے دو برابر مقداروں میں تقسیم ہو کر دو یکساں متوازی راستوں گزرے گی۔ایک راستہ سلسلہ وار جڑے الف-با-ج اور د لجھوں سے بنتا ہے جبکہ دوسرا راستہ سلالہ وار جڑے ڑ-ز-ذ اور ڈ لجھوں سے بنتا ہے۔یہ دو سلسلہ وار راستے آپس میں متوازی جڑے ہیں۔برقی رو کی سمت نقطہ دار چونچ ولی لکیر سے ظاہر کی گئی ہے۔ دو متوازی راستوں سے گزرتا برقی رو ایک بار دوبارہ مل کر ایک ہو جاتا ہے اور آلمِ تبدیل کے پانچویں دانت سے جڑے کاربن بُش کے ذریعہ مشین سے باہر نکل جاتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ گھومتے حصے کی شگافوں میں موجود لجھوں میں برقی رو مقناطیسی دباؤ کو جنم دے گی جو ساکن مقناطیسی دباؤ کی عمودی میں ہوگی جیسا شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔یہ دو مقناطیسی دباؤ دُھرّے ہیں کہ گھڑی کی سمت میں ہوگی جیسا شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔یہ دو مقناطیسی دباؤ دُھرّے ہیں کہ گھڑی کی سمت میں مروڑ پیدا کریں گے۔یوں اگر مشین موٹر کے طور پر استعمال

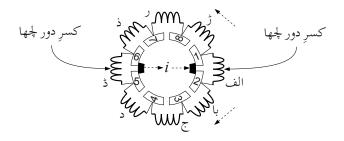
کی جا رہی ہو تو یہ گھڑی کی سمت گھومے گی۔اس صورت میں کاربن بُش پر بیرونی یک سمتی برقی دباؤ اس سمت میں لاگو کی جائے گی کہ اس میں برقی رو دکھلائی گئی سمت میں ہو۔



شکل 8.6:کاربن بُش آلہِ تبدیل کے دندوں کو کسرِ دور کر رہا سے

اب یہ تصور کریں کہ مشین ایک جنریٹر کے طور پر استعمال کی جا رہی ہو اور اسے گھڑی کی اُلٹی سمت بیرونی میکانی طاقت سے گھمایا جا رہا ہو۔یوں آلہ تبدیل کے آدھے دانت برابر حرکت کرنے کے بعد یہ شکل 8.6 میں دکھلائے حالت اختیار کر لے گی۔اس شکل میں دائیاں کاربن اُبش آلہِ تبدیل کے پہلے اور دوسرے دانت کے ساتھ جبکہ بائیاں کاربن اُبش اس کے پانچویں اور چھٹے دانت کے ساتھ جُڑ گئے ہیں۔یوں پہلے اور پانچویں شگافوں میں موجود کچھے کسر دور ہو گئے ہیں۔

جبکہ بقایا شگافوں میں موجود لچھوں میں حسبِ معمول برقی رو ہوگا جن سے مقناطیسی دباؤ اب بھی پہلے کی طرح ساکن مقناطیسی کی دباؤ کی عمودی سمت میں ہوگا۔اس لمحہ کی صورت شکل 8.7 میں زیادہ واضح ہے۔



شکل 8.7 آلم تبدیل دو لچھوں کو کسر دور کر رہا سے

مشین جب آلمِ تبدیل کے ایک دانت برابر حرکت کر لے تو کاربن کے بُش دوسرے اور چھٹے دانت سے جُڑ جائیں گے۔پہلے اور پانچویں شگافوں میں بر تی رو کی سمتیں کی سمت پہلی سے اُلٹ ہو جائے گی جبکہ باقی شگافوں میں برقی رو کی سمتیں برقرار رہیں گی۔گھومتے لچھوں کا برقی دباؤ اب بھی اُسی سمت میں ہوگا۔

جتنے لمحے کے لئے کاربن کے بُش دو لچھوں کو کسرِ دور کرتے ہیں اتنے وقت میں ان لچھوں میں برقی رو کی سمت اُلٹ ہو جاتی ہے۔کوشش کی جاتی ہے کہ

اس دوران برقی رو وقت کے ساتھ بتدریج تبدیل ہو۔ایسا نہ ہونے سے کاربن کے بیش سے چنگاریاں نکلتی ہیں جن سے یہ بُش جلد ناکارہ ہو جاتے ہیں۔

حقیقت میں یک سمتی جنریٹر میں درجن دانت فی قطب والا آلمِ تبدیل استعمال ہوگا اور اگر مشین نہایت چھوٹی نہ ہو تو اس میں دو سے زیادہ قطب ہوں گے۔

8.2 يک سمتي جنريٹر کي برقي دباؤ

گزشتہ حصہ میں شکل 8.5 میں الف-با-ج اور د کچھے سلسلہ وار جڑے ہیں۔ اسی طرح ڈ۔ذ۔ر اور ڑ سلسلہ وار جڑے ہیں۔ حصہ 5.3 میں مساوات 5.24 ایک کچھے کی یک سمتی جنریٹر کی محرک برقی دباؤ e_1 دیتی ہے۔ اسے یہاں یاد دھیانی کی خاطر دوبارہ دیا جاتا ہے۔

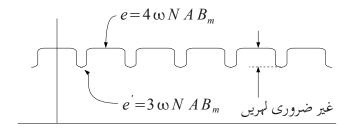
$$e_1 = \omega N \phi_m = \omega N A B_m \tag{8.1}$$

اگر خلائی درز میں B_m کی مقدار ہر جگہ یکساں ہو تو سب لچھوں میں برابر محرک برقی دباؤ پیدا ہوگا۔یوں شکل 8.4 میں دکھائے لمحہ جنریٹر کی کُل محرک برقی دباؤ e ایک لچھے کی محرک برقی دباؤ کی چار گنا ہوگی یعنی

$$e = 4e_1 = 4\omega N AB_m \tag{8.2}$$

جبکہ شکل 8.6 میں دکھائے لمحہ صرف تین لچھوں کی محرکی برقی دباؤ زیرِ استعمال آتی ہے یعنی اس لمحہ جنریٹر کی کُل محرک برقی دباؤ یہ ہو گی

$$e' = 3 e_1 = 3 \omega N A B_m$$
 (8.3)



شكل 8.8:آٹھ دندوں كى آلم تبديل سے حاصل برقى دباؤ

شکل 8.8 میں اس آٹھ دندوں والے آلمِ تبدیل سے حاصل برقی دباؤ دکھائی گئی ہے۔ گئی ہے۔ شکل میں یک سمتی برقی دباؤ پر سوار غیر ضروری لہریں دکھائی گئی ہیں۔

اگر جنریٹر میں ایک جوڑی قطب پر کُل n پچھے ہوں تو شکل 8.5 کی طرح یہ دو n/2 سلسلہ وار پچھوں جتنی محرکی برقی دباؤ پیدا کر کے گی۔

$$e = \left(\frac{n}{2}\right) \omega N A B_m = \left(\frac{n}{2}\right) \omega N \Phi_m$$
 (8.4)

اس صورت میں یہ غیر ضروری لہریں کُل یک سمتی برقی دباؤ کی تقریباً

$$\frac{\omega N \, \Phi_m}{\left(\frac{n}{2}\right) \omega N \, \Phi_m} \times 100 = \left(\frac{2}{n}\right) \times 100 \tag{8.5}$$

فی صد ہو گی۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اگر فی قطب دندوں کی تعداد بڑھائی جائے تو حاصل برقی دباؤ زیادہ ہموار ہوگی اور یہ غیر ضروری لہریں قابلِ نظر انداز ہوں گے۔

 B_m اب تصور کریں کہ شکل 8.4 میں دیئے مشین کی خلائی درز میں B_m کی مقدار ہر جگہ یکساں نہیں۔اس صورت میں لچھوں میں محرک برقی دباؤ مساوات 8.1 کے تحت مختلف زاویوں پر مختلف ہوگی۔اس طرح مشین سے حاصل کُل بر قی دباؤ چار سلسلہ وار لچھوں کی مختلف محرک برقی دباؤ کے مجموعہ کے برابر ہوگی یعنی

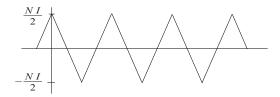
$$e = e_1 + e_2 + e_3 + e_4 \tag{8.6}$$

جہاں e_1, e_2 مختلف کچھوں کی محرک برقی دباؤ کو ظاہر کرتے ہیں۔

اب شکل 8.4 پر غور کریں۔ اگر گھومتا حصہ صرف ایک دندے برابر حرکت کرے تو اس شکل کی حالت دوبارا حاصل ہوتی ہے اور اس سے حاصل برقی دباؤ بھی دوبارا وہی ملتی ہے۔ اگر آلہِ تبدیل کی فی قطب دندوں کی تعداد زیادہ کر دی جائے تو یہ حرکت قابلِ نظر انداز ہو جاتی ہے۔ اب آگر خلائی درز میں کثافت مقناطیسی ہاؤ ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو اتنی کم حرکت کے احاطے میں میں سے کی مقدار میں کوئی خاص تبدیلی نہیں آئے گی اور اس احاطے میں اسے یکساں تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں آگر پچھا اس احاطے میں حرکت کرے تو اس میں محرک برقی دباؤ تبدیل نہیں ہوگی۔ یعنی جس پچھے کی محرک برقی دباؤ سامی اس احاطے میں محرک برقی دباؤ تبدیل نہیں ہوگی۔ یعنی جس پچھے کی محرک برقی دباؤ سے اس میں محرک برقی دباؤ میں رہے گی۔ یوں آگر چہ اس صورت میں مساوات 8.6 میں دی گئی محرکی برقی دباؤ کی مقدار قطعی ہے، لہذا سے صورت میں مساوات 8.6 میں دی گئی محرکی برقی دباؤ کی مقدار بھی قطعی ہوگی۔

ہم نے دیکھا کہ آگر خلائی درز میں B_m ہمواری کے ساتھ تبدیل ہو تو جنریٹر سے معیاری یک سمتی محرک برقی دباؤ حاصل ہوتی ہے۔بدلتی رو جنریٹروں میں B_m سائن نما رکھ نبی ضروری ہوتی ہے۔ نہایت چھوٹی یک سمتی آلوں میں خلائی درز میں B_m یکساں رکھا جاتا ہے جبکہ بڑی آلوں میں اسے ہمواری کے ساتھ تبدیل کیا جاتا ہے۔جیسا اوپر ذکر ہوا عملاً آلہِ تبدیل کے دندوں تک لچھوں

کے سروں کی رسائی ممکن تب ہوتی ہے جب ہر شگاف میں دو لچھے رکھے جائیں۔ اس طرح رکھے لچھوں کی خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ آری کے دندوں کی مانند ہوتا ہے۔ یہ شکل 8.9 میں دکھایا گیا ہے۔



شكل 8.9 :آرى دندوں نماكثافت مقناطيسي دباؤ

زیادہ قطب کے مشین میں شمالی اور جنوبی قطب کے ایک جوڑے کی پیدا یک سمتی برقی دباؤ مساوات 8.4 سے حاصل ہو گی جہاں n ایک قطبین کے جوڑیوں سے جوڑے پر آلمِ تبدیل کے دندوں کی تعداد ہو گی۔یوں زیادہ قطبین کے جوڑیوں سے حاصل یک سمتی برقی دباؤ کو سلسلہ وار یا متوازی جوڑا جا سکتا ہے۔

8.3 مرور ً

یک سمتی آلوں کی امالی برقی دباؤ اور مروڑ خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ

کی شکل پر منحصر نہیں۔اپنی سہولت کے لئے ہم ان کی خلائی درز میں مقناطیسی دباؤ سائن نما تصور کرتے ہیں۔۔شکل 8.9 میں دکھائے گئے قوی لچھے کی مقناطیسی دباؤ کی بنیادی فوریئر جُزیہ ہے

$$\tau_q = \frac{8}{\pi^2} \frac{NI}{2} \tag{8.7}$$

یوں چونکہ یک سمتی مشین میں ساکن اور گھومتے لچھوں کی مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں لہذا ان میں مروڑ مساوات 5.112 کی طرح

$$T = -\frac{\pi}{2} \left(\frac{P}{2} \right)^2 \Phi_m \tau_q \tag{8.8}$$

ہوگی۔

مثال 8.1:

دو قطب بارہ دندوں کے آلمِ تبدیل کے یک سمتی جنریٹر میں ہر قوی لچھا بیس چکر کا ہے۔ایک لچھے سے گزرتی مقناطیسی بہاؤ 0.0442 ویبر ہے اور یہ جنریٹر 3600 چکر فی منٹ کی رفتار سے

گھوم رہا ہے۔

• اس کی پیدا یک سمتی برق دباؤ میں غیر ضروری لہریں کُل بر فی دباؤ کے

كتنر في صد ہيں۔

• یک سمتی برقی دباؤ حاصل کریں۔

حل:

مساوات 8.5 سے غیر ضروری لہریں

$$\left(\frac{2}{n}\right) \times 100 = \left(\frac{2}{12}\right) \times 100 = 16.66$$

فی صد ہیں۔

• جنریٹر کی رفتار 60=3600/60 ہرٹز ہے یوں مساوات 8.4 کی مدد سے حاصل یک سمتی برقی دباؤ

$$e = \left(\frac{12}{2}\right) \times 2 \times \pi \times 60 \times 20 \times 0.0442 = 1999.82 V$$

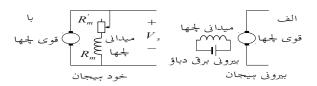
ہے۔

8.4 خارجی ہیجان شدہ اور داخلی ہیجان شدہ یک سمتی جنریٹر

خارجی ہیجان شدہ 351 یک سمتی جنریٹر کے میدانی لچھے کو بیرو نی یک

³⁵¹ separately excited

سمتی برق دباؤ مہیاکی جاتی ہے جبکہ داخلی ہیجان شدہ 352 یک سمتی جنریٹر کے میدانی لچھے کو اس جنریٹر کی اپنی پیدا کردہ محرک برق دباؤ ہی مہیاکی جاتی ہے۔ یک سمتی جنریٹر کی کارکردگی اس کو ہیجان کرنے کے طریقے پر منحصر ہے۔



شكل 8.10:بيروني سيجان اور خُود سيجان يك سمتي جنريتر

شکل 8.10 حسِ الف میمی قوی کچھے 353 اور میدانی کچھے 48.50 کو عمودی بنایا گیا ہے۔ یہ ایک سادہ طریقہ ہے جس سے یہ یاد رہتا ہے کہ ان کچھوں کی پیدا کردہ مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں۔ یہاں قوی کچھے کی شکل آلمِ تبدیل کی طرح بنائی گئی ہے۔

چونکہ میدانی اور قوی لچھوں کی مقناطیسی دباؤ عمودی ہیں ہم اس سے

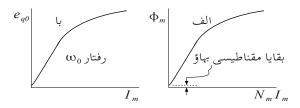
³⁵² self excited

³⁵³ armature coil

³⁵⁴ field coil

یہ اخذ کرتے ہیں کہ ایک لچھے کی برقی دباؤ دوسرے لچھے کی برقی دباؤ پر اثر انداز نہیں ہوتی۔اس کا مطلب ہے کہ مقناطیسی مرکز کی کسی ایک سمت میں سیرابیت اس سمت کی عمودی سمت میں سیرابیت پر اثر انداز نہیں ہوتی۔

شکل میں خارجی ہیجان شدہ مشین کی میدانی کچھے کو بیرونی یک سمتی برقی طاقت مہیا کی گئی ہے۔یوں میدانی کچھے کی برقی رو تبدیل کر کے اس کی میدانی مقناطیسی دباؤ σ_m ، میدانی مقناطیسی بہاؤ σ_m اور کشافت مقناطیسی بہاؤ σ_m تبدیل کی جا سکتی ہے۔یہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔یوں جزیر کی محرک برقی دباؤ مساوات 8.1 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے یا پھر موڑ مساوات 8.8 کے تحت تبدیل کی جا سکتی ہے۔



شکل 8.11:میدانی برقی رو سے محرکی برقی دباؤ قابو کی جاتی ہے

برقی رو بڑھانے سے مرکز کا سیراب ہونا شکل 8.11 میں واضح ہے۔یوں برق رو بڑھاتے ہوئے شروع میں محرک برقی دباؤ اور میدانی لچھے کی برقی رو براہِ راست متناسب ہوگی جبکہ زیادہ برقی رو پر ایسا نہیں۔شکل میں خط با مشین کے کھلے سِرے معائنہ سے حاصل کی جا سکتی ہے۔اس شکل میں محرکی برقی دباؤ کو e_{q0} لکھ کر اس بات کی یاد دھیانی کرائی گئی ہے کہ یہ محرکی رو قوی لچھے سے حاصل کی گئی ہے اور یہ ایک معین رفتار w_0 پر حاصل کی گئی ہے اور یہ ایک معین رفتار e_q عرکی برقی دباؤ e_q حاصل کئی ہو تو مساوات e_q کہ مدد سے

$$\frac{e_q}{e_{q0}} = \frac{\left(\frac{n}{2}\right)\omega N A B}{\left(\frac{n}{2}\right)\omega_0 N A B} = \frac{\omega}{\omega_0}$$
(8.9)

يعني

$$e_q = \frac{\omega}{\omega_0} e_{q0} = \frac{rpm}{rpm_0} e_{q0} \tag{8.10}$$

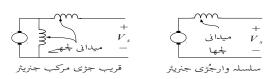
اُس صورت میں درست سے جب مقناطیسی میدان تبدیل نہ سو۔

مقناطیسی مرکز اگر مقناطیس بنائی جائے تو اس میں بقایا مقناطیسی بہاؤ رہتی ہے۔ یہ شکل کے حصہ الف میں دکھائی گئی ہے۔ یوں اگر میدانی لچھے کو ہیجان نہ بھی کیا جائے تو جنریٹر کچھ محرکی برقی دباؤ پیدا کرمے گی 356۔ یہ بقایا محرکی برقی دباؤ شکل با میں صفر میدانی برقی رو پر دکھائی گئی ہے۔

اگر داخلی ہیجان شدہ جزیٹر کو ساکن حال سے چالو کیا جائے تو بقایا محرکی برقی دباؤ پیدا ہو گی۔اس محرک برقی دباؤ سے میدانی پلجھے میں بر تی رو رواں ہوگا اور یوں مقناطیسی میدان پیدا ہوگا جس سے مشین ذرا زیادہ ہیجان ہو جائے گا اور یوں اس کی محرکی برقی دباؤ بھی کچھ بڑھ جائے گی۔اس طرح کرتے کرتے مشین جلد پوری محرک برقی دباؤ پیدا کرنے شروع ہوتا ہے۔یہ سب اسی اثنا میں ہوتا ہے جب مشین کی رفتار بڑھ رہی ہوتی ہے۔

شکل 8.10 میں داخلی ہیجان شدہ مشین دکھائی گئی ہے جس کے میدانی اور قوی لچھے متوازی جُڑے ہیں۔۔ اس طرح جُڑی جنریٹر کو داخلی ہیجان شدہ متوازی جُڑی جنریٹر کہتے ہیں۔اس شکل میں میدانی لچھے کے ساتھ ایک مزاحمت سلسلہ وار جُڑی ہے۔اس مزاحمت کو تبدیل کر کے میدانی برقی رو تبدیل کی جاتی ہے جس سے بالکل خارجی ہیجان شدہ مشین کی طرح جنریٹر کی محرکی برقی دباؤ یا موٹر کی مروڑ تبدیل کی جاتی ہے۔

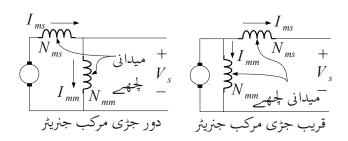
³⁵⁶ آپ ٹھیک سوچ رہے ہیں۔جنریٹر بنانے والے کارخانے میں مرکز کو پہلی بار مقناطیس بنانا پڑتا سے



شکل 8.12:سلسلہ وار جُڑی اور قریب جڑی مرکب جنریٹر

شکل 8.12 میں داخلی ہیجان شدہ جنریٹر کی دو اور قسمیں دکھائی گئی ہیں۔ ایک داخلی ہیجان شدہ سلسلہ وار جُڑی جنریٹر اور دوسری داخلی ہیجان شدہ مرکب جنریٹر ہے۔سلسلہ وار جُڑی جنریٹر میں میدانی اور قوی لچھے سلسلہ وار جُڑے ہوتے ہیں۔مرکب جنریٹر میں میدانی لچھے کے دو حصے ہوتے ہیں جن میں ایک قوی لچھے کے متوازی اور دوسرا اس کے سلسلہ وار جُڑے ہوتے ہیں۔ مزید یہ کہ متوازی جُڑا حصہ قوی لچھے کے قریب ہو سکتا ہے یا پھر یہ سلسلہ وار لچھے کے دوسری جانب یعنی دور جُڑا ہو سکتا ہے۔پہلی صورت میں اسے قریب جڑی مرکب جنریٹر کہیں گے۔شکل جڑی مرکب جنریٹر کہیں گے۔شکل جگڑی میں مرکب جنریٹر کے دونوں اشکال دکھائے گئے ہیں۔

یک سمتی موٹر بھی اسی طرح پکارے جاتے ہیں۔ یعنی شکل 8.10 کی طرح جُڑی دو موٹروں کو خارجی ہیجان شدہ موٹر اور داخلی ہیجان شدہ متوازی جُڑی موٹر کہیں گے۔ موٹر میں قوی لچھے کی برقی روکی سمت جنریٹر کے برقی روکی سمت کے اُلٹ ہوتی ہے۔



شكل 8.13:مركب جنريتر

کسی بھی طرح جڑی یک سمتی جنریٹر کی میدانی مقناطیسی دباؤ اس کے میدانی لچھے کے چکر ضرب اس میں برقی رو کے برابر ہوتی ہے یعنی

$$\tau = N_m I_m \tag{8.11}$$

شکل 8.10 میں داخلی ہیجان شدہ متوازی جڑی جنریٹر کی میدانی کچھے میں برقی رو اس کچھے اور اس کے ساتھ جڑی مزاحمت کے مجموعہ مزاحمت $R=R_m+R_m'$ پر منحصر ہوگی یعنی $R=R_m+R_m'$

متوازی جڑی جنریٹر کے لئے اس مساوات کو یوں لکھا جائے گا۔

$$\tau_{m,m} = N_m \left(\frac{V_s}{R_m + R_m'} \right) \tag{8.12}$$

سلسلہ وار جڑی جنریٹر میں میدانی برقی رو جنریٹر کے قوی لچھے کی برقی رو کے برابر ہوتی ہے لہذا اس صورت میں اس مساوات کو یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$\tau_{m,s} = N_m I_a \tag{8.13}$$

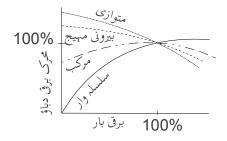
شکل 8.13 میں مرکب جنریٹر میں میدانی مقناطیسی دباؤ کے دو حصے ہیں۔ اس میں I_{mm} چکر کے متوازی جڑے میدانی پلھے میں I_{mm} برقی رو اور N_{ms} پی میدانی پلھے میں N_{ms} برقی رو سے لہذا اور N_{ms}

$$\tau_{m,mk} = N_{ms} I_{ms} + N_{mm} I_{mm} \tag{8.14}$$

8.5 یک سمتی آلوں کی کارکردگی کے خط

8.5.1 حاصل برقى دباؤ بالمقابل برقى بار

مختلف طریقوں سے جُڑے یک سمتی جنریٹروں سے حاصل برقی دباؤ بمقابلہ ان پر لدھے برقی بار کے خط شکل 8.14 میں دکھائے گئے۔گھومتی رفتار معین تصور کی گئی ہے۔دُھرّے پر لاگو بیرونی میکانی طاقت جنریٹر کی مروڑ کے خلاف اسے گھمائے گی۔



شكل 8.14:يك سمتى جنريتركى محرك برقى دباؤ بمقابله برقى باركر خط

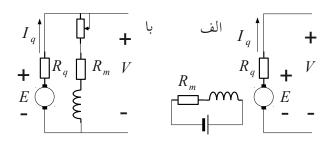
ان خط کو سمجھنے کی خاطر پہلے خارجی ہیجان شدہ جنریٹر پر غور

کرتے ہیں جس کی مساوی برقی دور شکل 8.15 حصہ الف میں دی گئی ہے۔ خارجی ہیجان شدہ جنریٹر پر برقی بار لادنے سے اس کے قوی پلھے کی مزاحمت خارجی ہیں برقی رو I_q گزرنے سے اس میں برقی دباؤ گھٹتی ہے۔ لہٰذا جنریٹر سے حاصل برقی دباؤ E_q ، جنریٹر کی اندرونی محرک برقی دباؤ E_q سے قدر کم ہوتی ہے یعنی

$$V = E_q - I_q R_q (8.15)$$

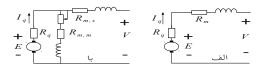
برقی باریعنی I_q بڑھانے سے جنریٹر سے حاصل برقی دباؤ کے ہوگی۔شکل میں خارجی ہیجان شدہ جنریٹر کی خط ایسا ہی رجحان ظاہر کرتی ہے۔حقیقت میں کچھ اور وجوہات بھی کار آمد ہوتے ہیں جن سے یہ خط سیدھی نہیں بلکہ جھکی ہوتی ہے۔

کے پہلی حرف ق کو ظاہر کرتی ہے q لفظ قوی کے پہلی حرف ق کو ظاہر کرتی ہے 358 علامت



شکل 8.15:خارجی سیجان شده اور متوازی جُڑی جنریٹرکی مساوی برقی دور

متوازی جُڑی جنریٹر کے خط کا یہی رجحان ہے۔ متوازی جُڑی جنریٹر پر بھی برقی بار لادنے سے قوی لچھے کی مزاحمت میں برقی دباؤ گھٹتی ہے ۔یوں اس کے میدانی لچھے پر لاگو برقی دباؤ کم ہو جاتی ہے جس سے میدانی لچھے میں برقی رو بھی گھٹتی ہے۔ اس سے محرک برقی دباؤ مزید کم ہوتی ہے۔اس طرح ان جنریٹر کی سے حاصل برقی دباؤ بمقابلہ برقی بار کے خط کی ڈھلان بیرو نی ہیجان جنریٹر کی خط سے زیادہ ہوتی ہے۔



شکل 8.16:سلسله وار اور مرکب جنریترکا مساوی برقی دور

شکل 8.16 میں سلسلہ وار اور مرکب جنریٹر کی مساوی برقی داو دکھائے گئے ہیں۔سلسلہ وار جُڑی جنریٹر کے میدانی لچھے میں لدھے بار کی برقی رو ہی گزرتی ہے۔اس طرح بار بڑھانے سے میدانی مقناطیسی دباؤ بھی بڑھتی ہے جس سے محرک برقی دباؤ بڑھتی ہے۔اس کا خط یہی دکھا رہا ہے۔اس طرح جُڑے جنریٹر عموما استعمال نہیں ہوتے چونکہ ان سے حاصل برقی دباؤ، بار کے ساتھ بہت زیادہ تبدیل ہوتی ہے۔

مرکب جُڑی جنریٹر کی کارکردگی سلسلہ وار اور متوازی جُڑی جنریٹروں کے مابین ہے۔مرکب جنریٹر میں بار بڑھانے سے قوی لچھے کی وجہ سے حاصل بر قی دباؤ میں کمی کو میدانی لچھے کی بڑھتی مقناطیسی دباؤ پورا کرتی ہے۔یوں مرکب جنریٹر سے حاصل برقی دباؤ اس پر لدھے بار کے ساتھ بہت کم تبدیل ہوتی ہے۔

بیرونی ہیجان، متوازی اور مرکب جُڑی جنریٹروں سے حاصل بر تی دباؤ کو متوازی جُڑی چُڑی جنریٹروں سے حاصل بر تی دباؤ کو متوازی جُڑی کچھے میں برقی رو کی مدد سے وسیع حد تک تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

قوی لچھا چونکہ برقی بارکو درکار برقی رو فراہم کرتی ہے لہذا یہ موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے اور اس کے عموماً کم چکر ہوتے ہیں۔سلسلہ وار جنریٹر کے میدانی لچھے سے چونکہ مشین کا پوری برقی رو ہی گزرتا ہے لہذا یہ بھی موٹی موصل تارکی بنی ہوتی ہے۔باقی آلوں میں میدانی لچھے میں پورے برقی بارکے چند ہی فی صد برقی رو گزرتی ہے لہذا یہ باریک موصل تارکی بنائی جاتی ہے اور اس کے عموما یادہ چکر ہوتے ہیں۔

8.5.2 رفتار بالمقابل مرورً

یہاں بھی شکل 8.15 اور 8.16 سے رجوع کریں البتہ شکل میں برقی رو کی سمتیں اُلٹ کر دیں۔یک سمتی موٹر بھی جنریٹروں کی طرح مختلف طریقوں سے جُڑے جاتے ہیں۔موٹر کو معین بیرونی برقی دباؤ دی جاتی ہے جہاں سے یہ برقی رو حاصل کرتی ہے۔برقی رو باہر سے قوی چھے کی جانب چلتی ہے لہذا موٹر کے لئے لکھا جائے گا

$$V = E_q + I_q R_q$$

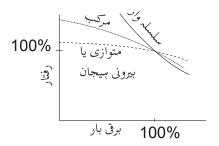
$$I_q = \frac{V - E_q}{R_q}$$
(8.16)

بیرونی ہیجان اور متوازی جُڑی موٹروں میں میدانی لچھے کو برقرار معین بیرو نی برقی دباؤ فراہم کی جاتی ہے لہٰذا میدانی مقناطیسی بہاؤ پر میکانی بارکاکوئی اثر نہیں۔ بڑھتی میکانی بار اللہ انے کی خاطر مساوات 8.8کے تحت قوی لچھے کی

مقناطیسی بہاؤ بڑھنی ہوگی۔ یہ تب ممکن ہوگا کہ اس میں برقی رو بڑھے۔ مساوات E_q گھٹنے سے E_q گھٹنے سے ہیں کہ قوی لچھے کی محرکی برقی دباؤ E_q گھٹنے سے ہی ایسا ممکن ہے۔ E_q موٹر کی رفتار پر منحصر ہے لہٰذا موٹر کی رفتار کم ہو جائے گی۔ یوں میکانی بار بڑھانے سے موٹر کی رفتار کم ہوتی ہے۔ شکل 8.17 میں یہ دکھایا گیا ہے۔

متوازی جُڑی یا بیرونی ہیجان موٹر تقریباً معین رفتار ہی برقرار رکھتی ہے۔
اس کی رفتار ہے بار حالت سے پوری طرح بار بردار حالت تک تقریباً صرف پانج
فی صد گھٹتی ہے۔ان موٹروں کی رفتار نہایت آسانی سے میدانی لچھے کی برقی رو
تبدیل کر کے تبدیل کی جاتی ہے۔ایسا میدانی لچھے کے ساتھ سلسلہ وار جُڑی
مزاحمت کی تبدیلی سے کیا جاتا ہے۔ان کی رفتار یوں وسیع حدوں کے مابین تبدیل
کرنا محکن ہوتا ہے۔موٹر پر لاگو بیرونی برقی دباؤ تبدیل کر کے بھی رفتار قابو کی جا
سکتی ہے۔ایسا عموما ً قوی الیکٹرانکس کی مدد سے کیا جاتا ہے۔

ان موٹر کی ساکن حال سے چالو کرتے لمحہ کی مروڑ اور ان کی زیادہ سے زیادہ مروڑ قوی لچھے تک برقی رو پہنچانے کی صلاحیت پر منحصر سے یعنی یہ آلمِ تبدیل پر منحصر سے۔



شکل 8.17:یک سمتی موٹر کی میکانی بار بمقابلہ رفتار کے خط

سلسلہ وار جُڑی موٹر پر لدی میکانی بار بڑھانے سے اس کے قوی اور میدانی کچھوں میں برقی رو بڑھے گی۔ میدانی مقناطیسی بہاؤ بڑھے گی اور مساوات E_q کے محت بوتی ہے۔ بار E_q کم ہوگی جو موٹر کی رفتار کم ہونے سے ہوتی ہے۔ بار بڑھانے سے ان موٹر کی رفتار کافی زیادہ کم ہوتی ہے۔ایسے موٹر ان جگہوں بہتر ثابت ہوتے ہیں جہاں زیادہ مروڑ درکار ہو۔بڑھتی مروڑ کے ساتھ ان کی رفتار کم ہونے سے ان کو درکار برقی طاقت مروڑ کے ساتھ زیادہ تبدیل نہیں ہوت

یہاں اس بات کا ذکر ضروری ہے کہ بے بار سلسلہ وار جُڑی موٹر کی رفتار خطرناک حد تک بڑھ سکتی ہے۔ایسے موٹر کو استعمال کرتے وقت اس بات کا خاص خیال رکھنا ضروری ہے کہ موٹر ہر لمحہ بار بردار رہے۔

ساکن حالت سر موٹر چالو کرتر وقت I_a یعنی مقناطیسی بهاؤ زیاده ہونر کہ وجہ سر ان کی مروڑ خاصی زیادہ ہوتی ہر۔ یہ ایک اچھی خوبی ہر جس سر ساکن بار بردار موٹر کو چالو کرنا آسان ہوتا ہر۔

مرکب موٹروں میں ان دو قسموں کی موٹروں کر خصوصیات پائر جاتر ہیں۔جہاں بار بردار موٹر چالو کرنا ضروری ہو لیکن رفتار میں سلسلہ وار موٹر جتنی تبدیلی منظور نہ ہو وہاں مرکب موٹر کارآمد ثابت ہوتر ہیں۔

مثال 8.2:

ایک 75 کلو واٹ 415 وولٹ اور 1200 چکر ہی منٹ کسی رفتار سے چلنے والے متوازی جڑی یک سمتی موٹر کے قوی لچھے کے مزاحمت 0.072 اوب م اور اس کے میدانی لچھے کی مزاحمت 83.2 اوہم ہے۔موٹر جس بار سے لیا ہے اس پر موٹر 1123 چکر فی منٹ کی رفتار سے چلتر ہوئر 112 ایمپیئر لر رہی ہر۔

- میدانی برقی رو اور قوی لچهر کی برقی رو حاصل کریں۔
 - موٹر کی اندرونی پیدا کردہ برقی دباؤ حاصل کریں۔
- آگر میدانی لچهر کی مزاحمت 100.2 اوسم کر دی جائر مگر قوی لچھر کی برقی رو تبدیل نہ ہو تو موٹر کی رفتار حاصل کریں۔مرکز کی سیرابیت کو نظرانداز کریی۔

حل:

• شکل 8.18 سے رجوع کریں۔ 415 وولٹ پر میدانی کچھے کی برقی رو

$$I_m = \frac{V}{R_m + R_m} = \frac{415}{83.2} = 4.988 A$$

ہوگی۔یوں قوی لچھے کی برقی رو

$$I_q = I_b - I_m = 112 - 4.988 = 107.012 A$$

ہے۔

 $E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 V$

ہے۔

• آگر میدانی کچھے کی مزاحمت 100.2 اوہم کر دی جائے تب

$$I_{m} = \frac{V}{R_{m} + R'_{m}} = \frac{415}{100.2} = 4.1417 A$$

ہوگی ۔

آگر قوی لچھے کی برقی رو 107.012 ایمپیئر ہی رکھی جائے تب

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 107.012 \times 0.072 = 407.295 V$$

ہی رہے گی۔

مساوات 8.4 کی مدد سے چونکہ اندرونی پیدا کردہ برقی دباؤ تبدیل نہیں ہوئی

مگر مقناطیسی بہاؤ تبدیل ہوا ہے لہذا موٹر کی رفتار تبدیل ہو گی۔ان دو مقناطیسی بہاؤ اور رفتاروں پر اس مساوات کی نسبت

$$\frac{E_{ql}}{E_{q2}} = \frac{\left(\frac{n}{2}\right)\omega_1 N \phi_{ml}}{\left(\frac{n}{2}\right)\omega_2 N \phi_{m2}}$$

میں چونکہ $E_{ql} = E_{q2}$ لہٰذا

$$\omega_1 \Phi_{ml} = \omega_2 \Phi_{m2}$$

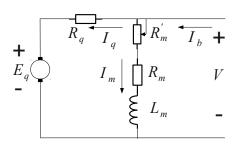
مرکزی سیرابیت کو نظرانداز کرتے ہوئے چونکہ مقناطیسی بہاؤ میدانی دباؤ پر منحصر ہے جو از خود میدانی برقی رو پر منحصر ہے۔ لہٰذا اس آخری مساوات کو یوں لکھ سکتر ہیں۔

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{rpm_1}{rpm_2} = \frac{\Phi_{m2}}{\Phi_{m1}} = \frac{I_{m2}}{I_{m1}}$$

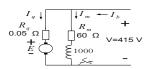
جس سیے نئی رفتار

$$rpm_2 = \left(\frac{I_{ml}}{I_{m2}}\right) \times rpm_1 = \left(\frac{4.988}{4.1417}\right) \times 1123 = 1352.47$$

چکر فی منٹ حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں ہم دیکھتے ہیں کہ میلانی برقی رو کم کرنے سے موٹرکی رفتار بڑھتی ہے۔



شكل 8.18:يك سمتي موٹر كي مثال



شکل 8.19:متوازی جُڑی موٹر کی مثال

مثال 8.3:

ایک 60 کلو واٹ، 415 وولٹ، 1000 چکر نی منٹ متوازی جُری یک سمتی موٹر کی قوی لچھے کی مزاحمت 0.05 اوسم اور میدانی لچھے کی وفتار 1000 چکر میدانی لچھے کی 60 اوسم سے بہر بار موٹر کی رفتار 1000 چکر

فی منٹ ہے۔میدانی لچھا 1000 چکر کا ہے۔

- I = 70 جب یہ موٹر I = 70 ایمپیئر لیے رہی ہو اس وقت اس کی رفتار معلوم کریں۔
 - 2) 140 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین
 - 3) 210 ایمپیئر پر اس کی رفتار معلوم کرین
 - 4) اس موٹر کی رفتار بالمقابل مروڑ گراف کریں

حل پہلا جُز: شکل 8.19 میں یہ موٹر دکھائی گئی ہے۔متوازی میدانی پھے کی برقی رو پر بار لادنے سے کوئی فرق نہیں پڑتا ۔ لہٰذا میدانی مقناطیسی بہاؤ بے بار اور بار بردار موٹر میں یکساں ہے۔بے بار یک سمتی موٹر کی قوی کچھے کی برقی رو I_q قابل نظر انداز ہوتی ہے۔اس طرح مساوات 8.16 اور 8.10 سے

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 0 R_q = 415 V$$

$$I_m = \frac{V}{R_m} = \frac{415}{60} = 6.916 A$$
(8.17)

یعنی 415 وولٹ محرکی برقی دباؤ پر رفتار 1000 چکر فی منٹ یا 16.66 چکر فی سیکنلٹ (ہرٹز) ہے۔ 70 ایمپیئر برقی بار پر بھی I_m =6.916 I_m ہی ہے جبکہ

$$I_a = I_b - I_m = 70 - 6.916 = 63.086 A$$
 (8.18)

للذا مساوات 8.16 سر اس صورت میں

$$E_q = V - I_q R_q = 415 - 63.086 \times 0.05 = 411.8458V$$
 (8.19)

اور مساوات 8.10 سے رفتار (چکر فی منٹ) یوں حاصل ہوتا ہے

$$rpm = \frac{e_q}{e_{q0}} rpm_0 = \frac{411.8458}{415} (1000) = 991.95$$
 (8.20)

 $I_b = 140\,A$ حل دوسرا جُز: یہی کچھ دوبارہ کرتے ہیں۔یہاں

$$I_{q} = I_{b} - I_{m} = 140 - 6.916 = 133.084 A$$

$$E_{q} = 415 - 133.084 \times 0.05 = 408.3458 V$$

$$rpm = \frac{408.3458}{415} \times 1000 = 983.96$$
(8.21)

 $I_b = 210 A$ حل تیسرا جُز: یہاں

$$I_{q} = I_{b} - I_{m} = 210 - 6.916 = 203.084 A$$

$$E_{q} = 415 - 203.084 \times 0.05 = 404.8458 V$$

$$rpm = \frac{404.8458}{415} \times 1000 = 975.83$$
(8.22)

حل چوتھا جُز:موٹر میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہیں۔ یوں اس کی میکانی طاقت اسے فراہم کی گئی برقی طاقت کے برابر ہوگی یعنی

$$e_q I_q = \tau \omega$$
 (8.23)

یوں پچھلے جز سے حاصل جوابات کی مدد سے بے بار موٹر کی مروڑ صفر ہو گی یعنی $au_0 = 0 \ N \cdot m$ جبکہ 70 ایمپیئر پر مروڑ کی قیمت

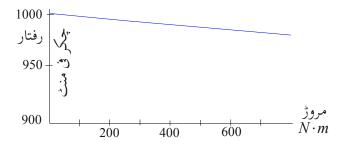
$$\tau_{70} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{411.8458 \times 63.086}{2\pi \times 16.5325} = 250.088 \, \text{N} \cdot \text{m}$$
 (8.24)

ہوگی۔یہاں 991.95 چکر فی منٹ کی رفتار کو 16.5325 ہرٹز لکھا گیا ہے۔ اسی طرح

$$\tau_{140} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{408.3458 \times 133.084}{2 \times \pi \times 16.399} = 527.35 \, N \cdot m$$

$$\tau_{210} = \frac{e_q I_q}{\omega} = \frac{404.8458 \times 203.084}{2 \times \pi \times 16.26} = 804.65 \, N \cdot m$$
(8.25)

یہ نتائج شکل 8.20 میں گراف کئے گئے ہیں۔



شكل 8.20:رفتار بالمقابل مرورٌ

index

AC	306
AC generator	306
AC machines	273
AC voltage	315
air-core transformer	120
alternating current	306
aluminium	438
ampere per meter	69
ampere-turn	67
armature coil	257, 471
axial length	309
Cartesian co-cordinate system	12
Celsius	226
Centigrade	226
circuit breaker	338
co-ordinates	12
coercivity	93
communication circuits	120
commutator	315 454

complex conjugate numbers	431
complex number	364, 427
conductivity	54
conservative field	215
copper	60, 438
core	410
core loss	124, 130
core loss component	129
cosine law	323
crest	397
cross product	34
cross section	25
cross sectional area	25
CT	120
current density	59
current transformation	134
current transformer	120
cylindrical co-ordinate system	15
DC	454
DC generator	315
DC voltage	315
delta	315

delta connected	185
design	173
differentiation	42, 222
diode	454
direct current	454
distributed windin	270
dot product	34
earth	187
eddy current loss	124
eddy currents	124, 246
effective value	44
efficiency	379
electric current density	57
electric field	27, 59
electric field intensity	27p., 57, 59
electromagnets	255
electromotive force	124, 266, 313
emf	124, 266
enamel	124
energy	89
equivalent circuit	349
Fuler's equation	48

excitation current	121, 123p.
excitation voltage	123
excited coil	123
Faraday's law	245
ferromagnetic core	112
field coil	257, 471
field intensity	69
Fleming's right hand rule	71
flux linkage	80
force	201
Fourier series	48, 128, 273, 410
frequency	254
full load	371
function	211
fundamental component	128
furnaces	226
ground	187
ground wire	187
harmonic components	129
Henry	80
Henry per meter	64
Hertz	

high voltage coil	113
hunting	338
hysteresis loop	94
hysterisys	108
ideal transformer	131
impedance transformation	142
in-phase	
induced voltage	79, 102, 123
induction motor	339
integral	217
integration	214
International System Of Units	10
Joule	89
Kirchoff's voltage law	409
lagging	51, 162, 355
laminations	65, 124, 246
leading	51, 355
leakage magnetic flux	159
leakage reactance	159, 408
line current	195, 339
line integral	43
line voltage	

loaded transformer	140
log	94
Lorenz equation	202, 210
lost synchronism	338
low voltage coil	113
low voltage side	113
magnetic circuit	54
magnetic core	65, 245
magnetic field	27
magnetic field intensity	29, 65
magnetic flux	62
magnetic flux density	65
magnetizing current	129
magneto-motive force	62
mass	10
Maximum power transfer theorem	431
Michael Faraday	79
mmf	62
mutual flux linkage	87
mutual inductance	79, 87
name plate	194
nautral	197

non-salient poles	270
North pole	248
Ohm meter	447
Ohm' law	57
open circuit test	172
open circuited	410
orthnormal vectors	12
parallel connected	474
partial differentiation	42
permeability	80, 330
phase current	188
phase voltage	188, 195, 339
phasor	48, 352
potential difference	265
potential transformer	119
power	89
power electronics	389, 454
power factor	355
power factor angle	355
primary coil	113
primary side	113
prime mover	371

PT	119
pull-out torque	338
radians	247
radius	272
rating	120, 194
relative angular speed	398
relative permeability	56
relay	201
reluctance	63
residual magnetic flux density	93
resistance	54
right hand rule	202
right handed cartesian co-ordinate system	13
rms	44
root mean square	44
rotor coil	206
rpm	247
salient poles	270
saturation	95
scalar	10, 174
secondary coil	113
secondary side	113

self excited	471
self flux linkage	87
self inductance	79, 87
separately excited	470
series connection	256
shaft	309, 325, 334
short circuit	80
short circuit test	177
SI	10
single phase winding	287
slip	
slip rings	334, 433
South pole	249
spiral coil	83
star	315
star connected	185, 195
stator coil	206
steady state	199
steady state operation	337
step down transformer	
step up transformer	
surface density	

surface integral	45, 342
synchronous machines	246
synchronous speed	299, 333
Thevenin equivalent circuit	425
three dimensional	12
three phase winding	290
three-phase	315
torque	201, 317, 393
unit perpendicular vectors	12
unloaded transformer	120
vector	11
velocity	202
volt	265
volt-ampere	153
voltage	60, 265
voltage transformation	133
voltage transformation property	114
volume density	32
Watt	89
wavelength	43
weber-turn	80
winding factor	283

Y-connected	195
	/ .
	فر <i>ہنگ</i>
355 ,51	آگے
366	آگےے زاویہ
454 ,315	آلمِ تبديل
113	ابتدائي جانب
113	ابتدائی لچھا
270	اُبھرے قطبا
79	3 /
371	اصل محرک
80	امالہ
226	امالی برقی بھٹیاں
123 ,102 ,79	امالي برقى دباؤ
339	امالی موٹر
338	انتهائي مروڑ
194	
30	اوسط سطحي كثافت
57	
447	•
287	ایک دور کی لپٹی
69	

67	ايمپيئر-چكر
68 ,56	ايمپيئر-چكر في ويبر
140	بار بردار ترانسفارمر
306	بدلتي رو
306	
273	بدلتی رو والے مشین
199	برقرار حال
120	برقی اہلیت
265 ,60	
60	برقی رو
255	برقى مقناطيس
59 ,28	
59 ,57 ,28	
93	
173	
10	بنیادی اکائیاں
128	بنیادی جُز
246 ,124	همنور نما برقی رو
124	
10	_
120	
246	

124	پتريال
270	پیلے لچھے
371	پورےے برقی بار
225 ,83	پيچدار لچها
355 ,162 ,51	
366	
195	
374	
188	
188	تاركى برقى روتاركى برقى رو
60	
133 ,130 ,114	
134 ,130	
146	تبادلہ مقاومت
194	تختی
222	تدریجی فرق
338	
42	تفرق
214	
185	
425	
221 ,89 ,79	·

315	تين دور
290	تين دوركى لپٿي
12	تين طرفہ
113	ثانوی جانب
113	ثانوي لچها
226	ئلسئس
	ٹرانسفارمر
118	
119	_
	هٔند ی تار
	ئيسلہ
	جاؤل
	- جُز و ضربی پمیلاؤ
	جُزوى تفرق
	جنوبي قطب
	جوژی دار مخلوط اعداد
	چالوچالو
	حجمي كثافت
	خطی تکمل
	خلائی مرکزخلائی مرکز
	خلائی مرکز کے ٹرانسفارمر
	خود اِرتَباطِ بهاؤ
	J 1 2 J

87 ,79	خود اماله
71	دائيں ہاتھ کا قانون
13	دائیں ہاتھ کا نظام
202	دائیں ہاتھ کے قانون
119	دباؤ کے ٹرانسفارمر
334	دُھرےد
338	دور شكن
390 ,339 ,195	دوری برقی دباؤ
188	دوری برقی دباؤ
188	دوری برقی رو
352 ,48	دوری سمتیه
199	دوری عرصہ
120	
454	
272	رداس
159	رستا مقناطيسي بهاؤ
159	رستا متعاملہ
408	رستا متعامليت
24	رقبه عمودی تراش
25	رقبه عمودی تراش
120	
124	

187	زمين
188	زمىينى برقى رو
187	زمینی تار
113	زياده برقى دباؤكا لچها
114	زياده برقى دباؤ والى جانب
248 ,206	ساكن لچها
195	ستارا نما
390 ,339	ستارا نما جڑرے
185	ستارا نما جوڙ
391	سرک
433 ,334	
342 ,45	سطحي تكمل
30	سطحى كثافت
279	سلسلم وار
11	سمتير
95	سيرابيت
10	سيكناد
248	شمالی قطب
34	ضرب صلیبی
	 ضرب نقطہ
89	
358	

355	طاقت کا جُز و ضربی
355	طاقت کے جُز و ضربی کا زاویہ
43	طولِ موج
12	عمودی اکائی سمتیہ
	عمودی تراش
338	غير معاصر
	فوريئر تسلسل
	فیراڈ کے
	ے قانونِ فیراڈ _{کے}
	قدامت پسند میدان
	قوتقوت
	قوى اليكثرانكس
	قوى لچها
471	قوی کچھے
	۔ کارتیسی محدد کا نظام
	كثافت برقى روكثافت برقى رو
	كثافت َ مقناطيسي بهاؤ
	کسرِ دُ ورکسرِ دُور
	كسرِّ دور معائنہ
	کلوگرامکلوگرام
	کم برقی دباؤکا لچها
	۲ برق . برق كم برقي دباؤ والي جانب

10	
410	كهلا برقي دور
172	کھلے دور معائنہ
221	
27	
187	گرم تارگرم تار
206	گهوٰمتا لچها
390 ,339	
94	
206	لچها
261	
202	۔ لورینزلورینز
ٹرانسفارمر	
131	
12	
313 ,306 ,266 ,123	
309	
364	
102 ,44	
408 ,248 ,246 ,112	
130 ,124	
129	_
==; :::::::::::::::::::::::::::::::::::	

مرورمرور
مزاحمت
مسئلہ
زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل
مشتركه اِرتَباطِ بهاؤ
مشتركه اماله
معاصرمعاصر
ایک دور چار قطب
ایک دور دو قطب
تين دور دو قطب
رفتاررفتار
میکانی رفتار
مقاومت کا تبادلہ
مقداری
مقناطیس بنانے والا برقی رو
مقناطیسی چال مقاطیسی چال
مقناطیسی چال کا دائرہ
مقناطيسي دباؤ
مقناطيسي دباؤكي سمت
مقناطيسي دور
مقناطيسي مركز

65 ,29	مقناطیسی میدان کی شدت
93	مقناطیسیت ختم کرنے والی شدت
314 ,44	
129	موسيقائي جُز
54	
10	ميٹرميٹر
59	میدانی شدت
257	میدانی لچها
471	
56	نسبت نفوذ پذیری
330 ,80 ,55	نفوذ پذیری
15	
63 ,55	
142	ہم دور
270	هموار قطب
124	میجان انگیز برقی رو
123	میجان انگیز برقی د باؤ
123 ,121 ,107	
123	
123	
80	
64	

89	واٿواٿ
10	وقت
265	واٿ وقت وولٺ
28	وولث في ميثر
153	وولث-ايمپيئر
68	ويبر
	ويبر فى مربہ ميٹر
80	ويبر-چکر
	يک سمتي آلات
	خارجي سيجان شده
471	داخلی سیجان شده
	داخلی میجان شده سلسله وار جُڑی
	داخلی سیجان شده متوازی جُزُی
475	داخلی سیجان شده مرکب
475	دور جڑی مرکب
	قریب جڑی مرکب
	يه له مساه ات