طبعیا __ کے اصول

حنالد حنان يوسفزني

حبامع کامیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@hotmail.com

۱۸رون ۲۰۲۴

عسنوان

v	ی پہلی کتاب کادیب حپ	مير
1 2 9 1• 1m	يب كش ١. وقت ٢. كيت ١.٢.١ كثافت ٢.٢.١ وقت	1
19 rm	نفی توانائی اور توانائی کی بقب ۱.•.۲ طباقت	š r
r1 r1 rr r0	سر کز کمیت اور خطی معیار حسر کت ۱.۱ ایک بُعد مسیں کمپ کی تصادم ۲٫۱ دوابعاد مسیں تصادم ۳٫۱ تغییر کمیت کانظام: ہوائی بان	
44 44 49 44	ممساو ۱٫۱ گھساوکے متخصیر ۱٫۱٫۲ کلیدی تصور ۲٫۲ مستقل زادی اسسراع کا گھساو	
22 12 12 12	۳.۳ خطی اور زاوی متنخب رات کار شته ۲.۳ گهب و کی حسر کی توانائی	~ ~
91 9m 9A	۱.۲	~

150	ماد، قو <u> </u>	۵ کڑھ
	"	۵.
171	۲ لڑھکاو کی قوتیں اور حسر کی توانائی	۵.
	۳	•
۳۳	~	. ۵
	۵ زاوی معیار حسر کت	
114	۲ نیوشن کامت انون دوم ، زاوی روپ	۵.
۱۳۴	۷ استوار جسم کازادی معیار حسر کت	
۱۳۸	۸ زادی معیار حسر کت کی بقسا	.0
100	9 مسكن حبيىر في كي استقبال حسر كت	۵.
۱۷۳	زن اور پيک	۲ توا
۱۷۳	ا تُوازن	۲.
۱۷۴	۱.۱.۱ طبیعیات کیاہے؟	
149	۲ کونی توازن کی چیند مشالیں کی سیال کی کا میں مشالیں کی جاتمہ مشالیں کی جاتمہ کا میں میں کا میں میں کا میں میں	۲,۲
PAI	<u> </u>	Υ.`
۲+۱	<u>-</u>	جوابا <u>۔۔</u>

مبری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حسکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجب دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کا اداروں مسیں تحقیق کارجمان پیداہوا ہے۔ امسید کی حباتی ہے سالمہ حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر حسہ انگریزی زبان مسیں ہی چھیت ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہر موضوع پر لاتعہ داد کتا ہیں بائی جب قیمیں جس سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وطبالب سے کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردوزبان مسیں حیاصل کرتی ہے۔
انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو دور کی بات، ان کے لئے انگریزی زبان خود ایک رکاوٹ ہے۔ سے طلب و
طبالب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسرپور خدمت کرنے کے وتابل نہیں رہتے۔ ایسے طلب و
طبالب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حناطسر خواہ کو سشش نہیں

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا نامسکن تھتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بنانے سے انکار کیا اور پول ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

یہ کتاب اردوزبان مسین تعسیم حساس کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہیایہ آسان اردومسین لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر مستعمل تکنیکی اصطبلاحیات استعال کئے حبائیں۔ جہاں اصطبلاحیات موجود سنہ تھی وہاں روز مسرہ استعال الفاظ پنے گئے۔ تکنیکی اصطبلاحیات کی چینائی یوں کی گئی ہے کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجبی ہجی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی۔اہم متغسیرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی جو موجودہ نظام تعسیم کی نفسانی کتاب و نظام تعسیم کی نفسانی کتابوں مسین رائج ہے۔ یوں اردومسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین دشواری نہسین ہوگی۔

امید کی حباتی ہے ہے۔ کتاب ایک دن حسالصتاً اردوزبان مسیں انجنیئری نفساب کی کتاب کے طور پر پڑھ ائی حبائے گی۔اردوزبان مسیں برقی انجنیئر کی کلمس لفساب کی طسر ف سے پہاا صدم ہے۔ کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور جہاں بھی کتاب مسیں عضلطی نظر آئے،اسس کی نشاندہی مسری برقبیاتی پہنے پر کریں؛مسیں ان کانہایت مشکر گزار ہوں گا۔

کتاب مسیں تمام غلطیاں مجھ سے سرز دہوئی ہیں جنہ میں درست کرنے مسیں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسیں ان سب کا سشکر سے اداکر تا ہوں۔ سے سلما داہمی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات بہاں شامسل کئے حبائیں گے۔

مسیں کامسیٹ یو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا سشکر ہے ادا کرنا حیابت ہوں جن کی وجبہ سے ایس سرگرمیال مسکن ہوئیں۔

حنالد حنان يوسفز كى 128

إبا



طبعات كياہے؟

س سنس وانجلین کی پیپ کشش اور موازنے پر مسبنی ہے۔ چیپزول کی پیپ کشش اور موازنے کے لئے قواعب کی خرورت پیشس آتی ہے؛ پیپ کشش اور موازن ہے کے بُعد تعین کرنے کے لئے تحب رہات کاسب ارالین ہوگا۔ طبیعیات اور انجیسئری کا ایک مقصد ان تحب رہات کی بن اوٹ اور تحب رہ کرنا ہے۔

چىنەزول كى پىيسائش

طبیعیات مسین ملوث مت دارول کی پیب کشن کی طسریقے حبان کر ہم طبیعیات دریافت کرتے ہیں۔ ان مت دارول مسین لمب کی، وقت، کمیت، کمیت ، در حب حسر ارت، دباد، اور برقی روث امس میں لمب کی،

ہم ہر طبیعی معتدار کا موازت ایک معیار اے ساتھ کرکے طبیعی معتدار کو اسس کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ معتدار کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ کی حباتی ہے۔ ناپ کو ایک منسب ردنام دیا حباتا ہے جے اکائی ^{اس س}ے ہیں۔ مشااً، لمبائی کی پیپ اُنٹ مسین (m) مسین کی حباتی ہے۔ معیارے مسیدار کی تھیک ایک مسین کی جب آپ دیکھیں گے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار ہو تھیک ایک مسین میں ایک مخصوص دورانی مسین، شعباع کے کرتی ہے۔ ہم اکائی اور اسس کے معین خسین معیار کی تعدید سے بیاں کرسکتے ہیں۔ تاہم، ضروری ہے کہ دنیا کے باقی سائنسدان بھی اسس تعدید کو معتی خسین اور وسائی استعال مائیں۔

ایک معیار، مشالاً لمبائی کامعیار، طے کرنے کے بعد ہمیں وہ طدیقہ کاروضع کرنا ہوگی جس ہے ہر لمبائی، حیاہ وہ ہائیڈروجن جوہر کارداسس ہویا دور کس ستارے تک وضاصلہ، اسس معیار کی صورت مسین ظاہر کی حیاسے۔ ایسی

standard'

١

ایک ترکیب فیتے کا استعال ہے ؛ لمبائی کے معیار کو فیت تخمین طاہر کرتا ہے۔ بہسر حسال، بہت سے موازنوں مسین بلا واسطہ طسریقے استعال کیے حبائیں گے۔ مشلاً ، جوہر کا رواسس یا فسسر بی ستارے تک و ناصلہ فیت استعال کر کے نہیں نااجبا ساتا۔

اما بھی متادیر طبیق معتادیر کی تعبداداتی زیادہ ہے کہ انہمیں منظم کرناایک مسئلہ ہے۔ خوسش قسمی سے تمسام معتادیر عنیسر تائع نہیں ہیں؛ مشلاً، رفت ار در حقیقت لمب ائی اور وقت کی شناسب کو کہتے ہیں۔ بین الاقوای متفقہ معساہ ہے کے تحت چند طبیعی معتادیر، مشلاً، لمب ائی، کیسے ، اور وقت کو اساسی مقادیر سمنتخب کر کے صرف انہی کو معسار مختل کیے گئے۔ باقی طبیعی معتادیر ان "اساسی معتادیر" اور انہمیں کے معسار (جنہمیں اساسی معیار "کہتے ہیں) کی صورت مسین ناپے جب تے ہیں۔ مشلاً، اساسی معتادیر لمسائی اور وقت اور انکے اساسی معیار کی شکل مسیں "رفت ار" تعسین کساسیاتا ہے۔

اب معیار کامت بل رسانی اور غنیسر متغیب مونالاز می ہے۔ اگر ہم بازو کی لمب ائی کو معیار لمب ائی تسلیم کریں تب سے مت بل رسائی ضرور ہوگی، البت ہر شخص کے لئے ہے لمب ائی مختلف ہوگی البندا سے غنیسر متغیب رہیں ہے۔ سائنس وانجیسئزی مسیں زیادہ سے زیادہ در سستگی مطلوب ہونے کی پیش نظسر ہم اساسی معیار کی غنیسر متغیب ریت پر خصوصی توجب دیتے ہیں۔ اسس کے بعب داب ای معیار کی بہت ہے بہت نقسل بن کران لوگوں کو فسنسراہم کرتے ہیں جنہیں ضرورت ہو۔

اكائيوں كابين الاقوامي نظام

اعدا مسین ناپ و تول کے عسموی احبلاسس مسین سات معتادیر کو بطور اساسی معتدار منتخب کرکے بین الاقوامی نظام اکائی کو مختصر آ" SI نظام "کہتے ہیں۔ حبدول المسین تین اساسی معتدار کسیسے اس کا گیوں کی تعتدار کسیسے معتدار کسیسے میں اسانی محتدار کسیسے ، اور وقت دکھیائے گئے ہیں۔ ان اکا ئیوں کی تعسریف انسانی جسمت مدنظ سرر کستے ہوئے کی گئی۔

حب دول ۱. ۱: بین الاقوامی نظام اکائی کی تین اساسی معتادیر کی اکائیاں

اکائی کی عسلامی	ا کائی کانام	مقسدار
m	ميـر	لسبائى
kg s	کلو کرام سسیکنڈ	کمیت وق <u>ت</u>

کی مثلق اکائیوں ^هی تعسرین ان اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔مشلاً، طباقت کی SI اکائی، جو **وائے** اللہ مثلق ہے۔ کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا (W) کہلاتی ہے، کی تعسریف کمیت، کمہائی، اور وقت کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا آب بارج درج ذیل ہوگا:

(1.1)
$$= 1 \text{ W} = 1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \text{ s}^{-3}$$

basequantities basestandards

derivedunits^a

watt

_

جهال آحن مسين كلوگرام مسر بع مسير في مكعب سيئذ پڙه احبائ گا۔

بہت بڑی یابہت چھوٹی معتادیر، جن سے ہمیں طبیعیات مسیں عصوماً واسطہ ہوگا، **سائنسی ترقیم** مسیں لکھی حباتی ہیں، جو وسس کی طباقت استعال کرتی ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$3560\,000\,000\,\mathrm{m} = 3.56 \times 10^9\,\mathrm{m}$$

$$0.000\,000\,492\,\mathrm{s} = 4.92\times10^{-7}\,\mathrm{s}$$

کمپیوٹر میں سائنسی ترقیم مسزید مختصر لکھی حباتی ہے؛ مشلاً، 3.56E9 اور 7 – 4.92E ، جباں E "وسس کی طباقت" شاہر کرتا ہے۔ کئی حماجے کار ^(کلکولیٹر)مسزید مختصر انداز استعال کرتے ہوئے E کو حسالی جگسے ظاہر کسیاحب تاہے۔

ہم اپنی آس نی کے لئے بہت بڑی یا بہت چھوٹی پیپ کشس حبدول ۱.۲ امسیں پیشس بقے استعال کرکے لکھتے ہیں۔ جیب آپ دیکھ سکتے ہیں ہر سابقہ دسس کی ایک مخصوص طباقت ظلم کرتا ہے، جو بطور حب زو ضربی استعال کیا حباتا ہے۔ بین الاقوای نظام اکائی کے ساتھ سابقہ مشلک کرنے سے مسراد اسس اکائی کو مطبابقتی حب زو ضربی سے ضرب دیٹ ہے۔ یوں ہم کی ایک مخصوص برقی طباقت کو

$$(1.0)$$
 $1.27 \times 10^9 = 1.27 \times 10^9$ وائد $1.27 = 1.27 \text{ GW}$

یا کسی مخصوص و مستق دورانی کو درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(۱.۵)
$$= 2.35 \times 10^{-9}$$
 نينو سيکنڙ $= 2.35 \times 10^{-9}$

چن د سابقے، جوملی لٹر، سنٹی میسٹر ، کلو گرام یامیگا ہائٹ مسین استعال ہوتے ہیں ، سے آپ ضرور داقف ہول گے۔

اكائى كى تىبىدىلى

بعض اوت سے طبیعی مقتداروں کی اکائی شبدیل کرنے کی ضرور سے پیش آتی ہے۔ ہم اصل پیم اُنٹس کو "شبادلی حبزو"، جو ایک ایک (1) کے برابر اکائیوں کی نسب ہوگی، سے ضرب دیتے ہیں۔ مشلاً، ایک منٹ اور ساٹھ سیکنڈ مم ثل دورانیہ ظلبر کرتے ہیں، البندادرج ذیل ہوگا۔

$$\frac{1\min}{60\,\mathrm{s}} = 1$$

يا

$$\frac{60\,\mathrm{s}}{1\,\mathrm{min}} = 1$$

يوں $(60\,\mathrm{s})/(1\,\mathrm{min})$ يا $(10\,\mathrm{min})$ تناسب بطور تباول جزو استعال کي حب سکتا ہے۔ ہم ہر گز 1

scientificnotation2

calculator[^]

conversionfactor

م باب.ا.پیرائش

حبدول ۱.۲: بین الاقوامی نظام اکائی کے سابقے

حبزوضر بي	سابق	عسلامي
10 ²⁴	بوٹا	Y
10^{21}	زييط	Z
10^{18}	اک	E
10^{15}	پیٹ	P
10^{12}	ش ي را	T
10^{9}	كيكا	G
10^{6}	ميگا	M
10^{3}	ئىيسرا كىگا مىگا كلو كلو	k
10^{2}	م ^ک لٹو	h
10^{1}	ڈیکا	da
10^{-1}	ۇسى قاسى	d
10^{-2}	سنتھ	С
10^{-3}	ملجه	m
10^{-6}	مائيكرو	μ
10^{-9}	نينو	n
10^{-12}	پکو	р
10^{-15}	فيمثو	f
10^{-18}	اڻو	a
10^{-21}	زپیٹو	Z
10^{-24}	كيثو	y

1 = 60 نہیں لکھ سے ؛ہر عبد داور اسٹی اکائی کو اکٹھ رکھنا ہوگا۔

ایک (1) سے ضرب دینے سے متدار کی قیت تبدیل نہیں ہوتی لہذا ہم جب حپابیں تبادلی حسنرواستعال کر سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر دو منٹ کو سیکنڈ مسیں تبدیل کر کے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔ کرتے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔

$$(1.7) \hspace{1.5cm} 2 \min = (2 \min)(1) = (2 \min)(\frac{60 \, \mathrm{s}}{1 \min}) = 120 \, \mathrm{s}$$

اگر تبادلہ حبزو ضرب متصارف کرنے سے عنب صروری اکائیاں ایک دوسسرے کے ساتھ منسوخ نہ ہوتی ہوں تب حبزو ضربی کوالٹ کر دوبارہ کوسٹش کریں۔اکائیوں کی تبادلہ مسین اکائیوں پر متغیبرات اور اعب داد کے الجبرائی قواعب دلاگو

لمسائى

1921 میں مسرانس کی نوزائیدہ جبہوریہ نے ناپ اور تول کا ایک نیانظام متائم کی۔ میٹراس کا نگ بنیادی ہتا، جو قطب شمال سے خطا ستواتک مناط کا گروڑواں ہے۔ لیا گیا۔ بعد مسین عملی جو جوہا ہے کہ بناپرا سی زمینی معیار کوتر کرتے ہوئے، پلا ٹیمنم واریڈیم 'اکی ایک سلاخ کے دوباریک کسیروں کے خاصلہ میٹر "استرارپایا؛ یہ معیار کو میٹر سلاخ "اپیرسش شہرے متیرب ناپ و تول کے بین الاقوای محکمہ مسین رکھ گیا۔ گاہوں کو ربطور تانوی معیار) مسترین نقسل، دنیا کی معیار ساز تحبر ہے گاہوں کو (بطور تانوی معیار) مندراہم کی گئے۔ گانوں کو معیار "است سلاخ کی بہترین نقسل، دنیا کی معیار ساز تحبر ہے گاہوں کو (بطور تانوی معیار) مندراہم کی گئے۔ گانوں معیار ساز پر مسین معیار ساز پر مسین معیار کی ہے۔ اس سلاخ پر دوباریک کسیروں کے گئے ، حتٰی کہ آخنہ کا ایک معیار کی ہے عدر سے بہتر معیار کی فرور سے بیش کی ہے عدر سے بہتر معیار کی ہوئے گائے۔ آئی۔ 194 میں شعباع کے طول مون پر مسبنی مسیز کے معیار پر اتفاق کیا گیا۔ یہ معیار کیٹن 86 (بو کر پائٹے "الکی۔ معیار کیٹن 186 (بو کر پائٹے "الکی۔ معیار کیٹن 186 (بو کر پائٹے کا ایک معیار ساز کی سرن شعباع کے جوہروں سے حساری ایک تو معیار گروچ نالی گئے۔ کے معیار اسل کی حساس کی حساس کی حساس کی حساس کی حساس کی حساس کی جائے معیار کی گئے۔ کو پر انے معیار (میٹر ساز کی کے معیار سے معیار کیٹی۔ گور کا گئے۔

کچھ عسر صبہ تک سب معیار س نمنی دنیا کی ضروریات پوری کرپایا، تاہم سائنسس کی دنیا بہت حبلدا تی آگے بڑھ حب کہ کرپٹن 86 کے طول موج پر مسبنی معیار سائنسی ضروریات پوری کرنے کے صابل نہیں رہا۔ آمنسر کار ۱۹۸۳ میں ایک نڈر فیصلہ کیا گئی، اور مسیر وہ صناصلہ مسیرارپایاجو شعباع ایک مخصوص دورانیہ مسیر طے کرتی ہے۔ ناپ و تول کے ستر ھویں (17) عسومی احبلاسس مسین درج ذیل طے پایا۔

تعسریف: خلاء میں ایک سینڈ کے <u>109792458</u> میں شعباع کا طے کردہ ف اصلہ میٹر^{۱۱} کہلائے گا۔

وقت کا (مذکورہ بالا) دورانیہ یوں منتخب کی گیا کہ شعباع کی رفت از $c=299\,792\,458\ \mathrm{m\ s}^{-1}$

شعاع کی رفت اراٹل ہے۔ یوں شعباع کی رفت ارسے مسیٹر اخب ذکر ناایک بہستر و ت دم ہو ا۔

platinum-iridium'*

meter"

standardmeterbar

secondarystandards"

krypton'

gasdischargetube 12

meter

با_ا.تيائش

حبدول ۱۹۳ مسیں مناصلوں کی وسیع سعت پیش ہے، جو کہکثانی مناصلوں سے لے کر انتہائی چھوٹی چسنروں کی لمبائسیاں دیتاہے۔

حبدول ١٠: چين د تخميني من صلح

ميرمسين لمبائي	پیماکش
2×10^{26}	اول ترین پیسیدا کہکشاں تک مضاصلہ
2×10^{22}	اندرومداکہکشاں تک۔ بناصبابہ
4×10^{16}	ت ریب ترین تارے تک و ن اصله
6×10^{12}	ىپوڻوتك مناصلە
6×10^{6}	زمسین کارداسس
9×10^{3}	بلب د ترین پہاڑی کی اونحپائی
1×10^{-4}	صفحے کی موٹائی
1×10^{-8}	عسلامتی وائر سس کی لمبائی
5×10^{-11}	ہائے ڈرو ^{جن جو ہ} ر کار داسس
1×10^{-15}	پروٹان کار دائسس

بامعنی اعب داد اور اسٹ اربے کے معتام

ف سنرض کریں آپ ایک مسئلے پر کام کر رہے ہیں جس مسیں ہر قیت دوہت دسوں پر مشتل ہے۔ ان ہند سوں کو با معنی ہندسے ما ہندسے کا کتے ہیں۔ ایت جواب پیش کرتے ہوئے آپ استخاب کی استغال کریں گے۔ اگر مواد دوہت دسوں مسین دیا گیا ہو تب جواب بھی دوہت دسوں پر مشتمل ہوگا۔ اگر حپ آپ کا حساب کا دنت آئے زیادہ ہند سوں مسین پیش کر تاہے، ب (اضافی) ہندے لے معنی ہیں۔

اس کتاب میں، دیے گئے مواد مسیں کم سے کم ہا معنی ہند سول کے برابر، حسب کے اختتا می نست نئے پور میور کر کے پیش کیے حب نے والے ہند سول حب کئیں گے۔ (ہاں، بعض او حت سے ایک اصف فی ہمند سہ بھی رکھا حب کے گا۔) اگر ضب لئے کے حب نے والے ہند سول مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور "کسیا حب تا ہے؛ دیگر مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور آگے است کے خور پر 11.3516 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.4 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.3 کا کھیا جب کے گا۔ (اسس کتاب مسیں نست نئے پیش حب کے مور کے جب کے عصوماً سے سال کی حب کے گا۔)

عدد 3.15 یا $10^3 \times 3.15$ مسیں بامعنی ہند سوں کی تعداد صاف ظاہر ہے؛ عدد 3000 مسیں بامعنی ہند سے کتنے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3 \times 3$ کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3 \times 3$ کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3$ کار معنی تصور کسیا تھور کسیا تھا۔

با معنی ہندسوں اور اشاریہ کے معتام دو مخلف باتیں ہیں۔ درج ذیل مناصلوں 35.6 mm ، 35.6 mm ، اور

significantfigures12

١.١ وقت

m 56 0.003 پر غور کریں۔ تمام مسیں تین بامعنی ہندے ہیں، تاہم ان مسیں اٹ ارید کے مصام بالت رتیب ایک، دو، اور پانچ ہیں۔

مثال ۱۱: دهاکے کاگیند؛ قدر کے رتبہ کی تخینے۔

دنیا میں دھاگے کے سب سے بڑے گیند کارداسس سے ہے۔ اسس گیند میں دھاگے کی کل لمبائی کا کتی ہوگی؟اگرچپ ہم گیند میں دھاگے کو کل لمبائی کا ناپ سکتے ہیں، تاہم ہم ایس نہیں کرنا دپ ہتے۔ ہم صاب کے ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔

حاب

ہم منسر ض کرتے ہیں گینند کروی ہے؛ اسس کار داسس R=2m ہے۔ دھا گہ لیسیٹے ہوئے دھا گے کے مختلف حصوں کے نق حسان کی جارے مسیں حبان باہم سکن بات ہے۔ ان حنالی جگہوں کو مد نظر رکھے ہوئے ہم دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا ضلع d=4mm کے بیاں اسس کارقب عصودی تراشش d=4mm کہ اور کل محبم درج ذیل ہوگا:

$$V=($$
لب ئى $)($ رقب مىسودى تراسش $)=d^2L$

جوگین دے تحب م $4R^3$ کے برابر ہوگا؛ π کو تخمین π کو تخمین π کو تخمین π کو تخمین π کا کھا جب سکتا ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا $d^2L=4R^3$

جس سے درج ذیل حسامسل ہوگا۔

$$L = \frac{4R^3}{d^2}$$

$$= \frac{4(2 \,\mathrm{m})^3}{(4 \times 10^{-3} \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 2 \times 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^3 \,\mathrm{km}$$

(اتے سادہ حساب کے لئے حساب کارر کی ضرور سے پیش نہیں ہونی حیائے۔)تدر کے قت رہی رتب تک گیند مسین تقسر بیا 1000 km دھا گہے۔

ا.ا وقت

وقت کے دو پہلو ہیں۔ روز مسرہ زندگی مسیں ہم کام کائ ترتیب سے رکھنے کی عنسر ض سے وقت حبانت حیاہتے ہیں۔ سائنس کی دنیامسیں ہم عسوماً حبانت حیاہتے ہیں کہ ایک واقعہ کتنی دیر وقوع پذیر ہوا۔ یوں وقت کے کسی بھی معیار کو بالاله يسائش

دوسوالات کاجواب دبین ابو گا: کب ہوا؟ اسس کا دورانپ کتن انتا بھتا؟ حبد ول ۴. امسیں چیند وقت تی وقفے پیش ہیں، ہباں یلانک وقت ۱۱ سے مسراد ابتدائی و الے ۱۹ کے بعد وہ اول ترین وقت ہے جب طبیعیات کے تواعد (جس طسرت انہیں ہم اسس وقت حیانتے ہیں) متابل اطبلاق ہوں گے۔

حبدول ۴.۱: چین د مخمنی دورانے

سیکنڈ مسیں دورانی	پيائش
3×10^{40}	پروٹان کاعب رصبہ حسیات (محض اندازہ)
5×10^{17}	کائٹا <u>۔</u> کی عمسر
1×10^{11}	ہر م خو فو کی عمس ر
2×10^9	انسانی زند گی (متوقع)
9×10^4	ایک دن
8×10^{-1}	انسانی دل کی د ھسٹر کنوں کے پیچو قفنہ
2×10^{-6}	میون کاعب رصبه حسیات
1×10^{-16}	تحب رب گاہ مسیں مختصر ترین شعباع کادورانیہ
1×10^{-23}	غیسر مستحکم ترین ذرے کاعب رصبہ حیات
1×10^{-43}	پلائک_ وقفہ

وہ مظہر سرجواینے آپ کو دہرا تا ہو وقت کامعیار مقسرر کیا حباسکتا ہے۔ محور کے گر د زمسین کا ایک حیکر، جو دن کی لمبائی تعسین کرتاہے،صدیوں تک بطور وقت کامعبار استعال کیا گیا۔ **سنگھ مردہ ''**(کوارٹز) گھٹڑی، جس مسین ایک نگ مسردہ چھلے کو مسلسل ارتصاحش پذیر رکھا حباتا ہے ، کی پیسانہ بندی فلکیاتی مضاہرات کے ذریعہ، زمین کے گھومنے کے ساتھ کرکے، تحبیرے گاہ میں وقت ق و قفول کی پیپائٹس کے لیے استعال کیا حیاسکتا ہے۔ تاہم حبدید سے نئنس وانجینے کی کو در کار در سنگی ایسی پیپ سے ہندی سے ممکن نہیں۔

بہتر معیار وقت کی ضرورے کے در پیش جوہری گھولیا ہے استیار کی گئیں۔ <u>۱۹۲۷</u> مسین نایے و تول کے سیر حویں عسوى اجلاس مسين سيزيم كهوري ٢٠ پر مسبني معياري سيكند پر اتف ق كياكيا ـ

تعسریف: سیزیم 133 جوہرسے حنارج ایک مخصوص طول موج کی شعباع کے 631 770 9 192 و ارتعباسش کو در کار وقت ایک سیکنڈ ۲۳ ٹہسراما گیا۔

planktime^{1A}

bigbang¹⁹

atomicclocks^{ri}

cesiumclock

second

۱٫۱. کمیت

جوہری گھٹڑیاں انتہائی درست وقت بتاتی ہیں۔ دوسیزیم گھٹڑیوں مسین ایک سیکنڈ منسرق چھ ہزار سال جیلئے کے بعد پہیدا ہوگا۔ اسس وقت شیار کی حبانے والی گھٹڑیوں کی درستگی 10¹⁸ مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10¹⁸ مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10¹⁸ سیکنڈ (جو تقسریباً 10¹⁰ × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ (جو تقسریباً 10¹⁰ × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ کافٹرق ہوسکتا ہے۔

۱.۲ کمیت

معیاری کلو گرام

ف دانس کے شہد پیدرس کے قتریب ناپ و تول کے بین الاقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی معسادہ کے تحت، ایک کلوگرام کیت نہدرایا گیا۔ اسس کی بہتر سے بہتر نفتسل دنیا کے بیشتر معساد ساز تحبد ہے۔ معساد ساز تحبد ہے گاہوں کو فضراہم کی گئی جن کواست مال کرتے ہوئے ترازو کی مدد سے کسی بھی جسم کی کیت ناپی جب سے دول ۱۵۔ امسین فت درکے 83 رتوں پر پھیلی کمیوں کو کلوگرام کی صور سے مسین پیش کمیا گیا ہے۔

حبدول ۱.۵: چند تخمینی کمیت

کلوگرام مسیں کمیت	چيز
1×10^{53}	معسرون كائتنات
2×10^{41}	ہماری کہکشاں
2×10^{30}	سورج
7×10^{22}	حپاند
5×10^{15}	سیارحپ ایرانسس
1×10^{12}	جچوڻا پيپاڙ
7×10^7	سمن دری جهاز
5×10^3	بالتقى
3×10^{-3}	انگور
7×10^{-10}	د ھول کی ذرہ
5×10^{-17}	پینسلین سالب
4×10^{-25}	يورينسيم جوہر
2×10^{-27}	پروٹان '
9×10^{-31}	انسيڪٹران

دوم معیار کمیت

جوہروں کی کمیت کامواز سے معیاری کلوگرام کی بحبے، زیادہ در سنگی کے ساتھ، دیگر جوہروں کے ساتھ کسیاحب اسکتا ہے۔ اس کی بست ہم دوم معیار کمیت ہیں۔ کاربن 12 جوہر کو بین الاقوامی معسابدہ کے تحت 12 جوہر کے کمیت الکائیوں میں اللہ میں اللہ میں اللہ میں اللہ میں معسابدہ کے تحت کا جوہر کے کمیت الکائیوں میں اللہ میں الل

atomicmassunit rr

ا_ا.پیائش

مختص کی گئی۔ان دواکائیوں کے پچرسشتہ درج ذیل ہے

(1.4)
$$1 u = 1.66053886 \times 10^{-27} kg$$

جہاں آ حضری دوہت دسوں مسیں عصد م یقینیت 10 ± ہے۔ سائنس دان کافی در سستگی کے ساتھ تحبیر ہے ذریعہ کی جوہر کی کمیت کاربن 12 کی کمیت کے لیاظ سے تعین کر سکتے ہیں۔ اسس وقت، کمیت کی روز مسرہ زندگی مسیں مستعمل اکائیاں، مشا کلوگرام، استعمال کرتے ہوئے ہماتنی در سستگی حساس کرنے سے وت صربیں۔

۱.۲.۱ کثافت

ک فتے میں کیت ہے۔

$$\rho = \frac{m}{V}$$

اسس پرباب 14 مسین مسنزیر تبعسرہ کسیائے گا۔ کثافت کوعسام طور پر کلوگرام فی مسرئع مسیریا گرام فی مسرئ سنی مسیر شد مسیر مسیر ناپا جسان کی کثافت ایک گرام فی مسرئع مسیریا کی کشافت کرام فی مسرئع مسیری جسس کو عصوماً موازن ہے کے لئے استعمال کسیا جبانا ہے۔ پانی کی کثافت کے لیا تقسیری کا گافت سے مرف 64 ہے۔ کشافت سے سرف کا کشافت مون کا کشافت مون کا کشافت کا کشاف

۱.۱. کمیت

مثال ۱.۲: کثافت اور رفتیق کاری

الیے زلز لدے دوران جس مسیں زمسین کی رقیق کاری ۲۲ ہو، بجساری جم زمسین مسیں دھنس سکتا ہے۔ رقت کے دوران مٹی کے ذرے نہایت کم رگز محسوس کرتے ہوئے ریلٹ اشروع کرتے ہیں اور زمسین دلدل کی کیفیت اختیار کرتی ہے۔ ریتیلی زمسین کی دقت تی کاری کے مسکنات کی پیٹیگوئی زمسین کے نموٹ کی شناسب حنلا میں کے رویے مسین کی حباستی ہے۔

$$e = \frac{V_{\text{LL}}}{V_{\text{LL}}},$$

 e^{-1} یہاں وری کے نیج حسیں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ دروں کے نیج حضا کا کل حجم ہے ۔ اگر وری میں وری میں میں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ وری کرتا ہو، زلزلہ کے دوران رفتیق کاری کا امکان ہوگا۔ مطابقتی ریت کی کثافت وریت وری میں ہوگی۔ ho_{SiO_2} = (SiO_2) (جوریت کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کیا ہوگی۔ کی میں میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کیا ہوگی۔ کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کے دوران کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کی میں کا بنیادی حبزو ہے کی کثافت کی کا بنیاد کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کا کتاب کی کتاب کرنے کے کہ کتاب کی کتاب کرنے کے کہ کتاب کی کت

كلب دى تصور

نمونے مسیں ریسے کی کثافت ہے۔ ρ سے مسراد اکائی حجب مسیں کمیت ہے : جو ریسے کے تمسام ذروں کی کل کمیت ہے۔ V کا تنسب:

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{m_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}{V_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}$$

ے۔

حماہ: نمونے کاکل حبم کل درج ذیل ہے

$$V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$$
ن بالم $V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$

ماوات \mathbf{P} . امسیں نV ڈال کر V_{-} کے لیے حسل کر کے ذیل حساس ہوگا۔

$$V_{\succeq}, = \frac{V_{\circlearrowleft}}{1+e}$$

مساوات 8.1 کے تحت ریت کے ذرات کی کل کمیت ر_{یت} سلیکان ڈائی اکسائیڈ کی کثافت ضرب ریت کے ذرات کاکل حجبم:

$$m_{\underline{\hspace{1cm}}} = \rho_{\mathrm{SiO}_2} V_{\underline{\hspace{1cm}}},$$

ہوگا۔ اسس کو مساوات V_{-} ا، امسیں ڈال کر کے مساوات V_{-} ا، اے رہیل حساس ہوگا۔

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{\rho_{\rm SiO_2}}{V_{\mathcal{S}}} \, \frac{V_{\mathcal{S}}}{1+e}$$

liquefaction

اب. پیائش

ف صل قیت $\rho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^{-3}$ اور $\rho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^{-3}$ اور $\rho_{\mathrm{SiO}_2} = 0.80 \times 10^3 \,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^{-3}$ اور $\rho_{\mathrm{SiO}_2} = 0.80 \times 10^3 \,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^{-3}$ اور $\rho_{\mathrm{SiO}_2} = 0.80 \times 10^3 \,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^{-3}$

$$\rho = \frac{2.600 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}}{1.80} = 1.4 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}$$

ر قشیق کاری مسیں عمسارے کئی مسیٹر زمسین مسیں دھنس سکتی ہے۔

۱٫۱۰ کمیت

نظبر ثانی اور حنلاص

طبعيات ميں پيائش

طبیعی معتادیری پیپ اَسْس پر طبیعیات مبنی ہے۔ پچھ طبیعی معتادیر (مشلاً لمب بَی)، وقت، اور کمیت) اساسی مقدار منتخب کیے گئے: ہمرایک کی تعسریف معیارے مطابق کی گئی اور اسس کو پیپ اَسْس کی ا**کا کی** (مشلاً s، m)، اور kg) مختص کی گئے۔ دیگر طبیعی معتادیر کی تعسریف ان اساسی معتبد ار اور ان کے معیار اور اکائیوں کی صورت مسین کی حباتی ہے۔

بين الاقوامي اكائي

اسس کتاب مسین بین الاقوامی اکائی (SI) استعال کی گئی۔ جدول 1.1 مسین دکھائی گئی تین طبیعی معتادیر ابت دائی بایوں مسین استعال کی حت اساسی معتداروں کے معیار طبیعی چیس انتھی ہوں کے لیے و تابل رسائی اور غیسر تغیسر بین۔ اساسی معتدار اور ان سے اخرند دیگر معتادیر کی تمسام طبیعی چیس کشین انہی معیار کے تحت کی حبائی ہوتی ہے۔ حبدول 2.1 مسین پیش عسلامتیں اور سابقے استعال کر کے پیسائٹی ترقیم کی سادہ صورت حساس ہوتی ہے۔

اکائیوں کی باہم تب دیلی

اکائیوں کی تب یلی زنجسیری طسریقے سے حب سسکتی ہے، جس مسیں اصل مواد کو یک بعد دیگرے تب دلی ضریوں ہے، جنس منیں اعلی کی تنہ میں ایک کے روپ مسیں لکھا گیا ہو، ضرب دے کر ، اکائیوں سے الجبرائی معتادیر کی طسرح نیٹ حباتا ہے حتٰی کہ در کار اکائیاں رہ حب میں۔

لمسائی

وہ بناصلہ ہے جوانتہائی معین وقتی وقفے کے دوران بھسری شعباع طے کرتی ہے،میٹر کی تعسریف ہے۔

۱.۲.۲ وقت

سیکنڈ کی تعسرینے سیزیم 133 جوہرے حسّاری شعساع کی صورت مسیں کی حسباتی ہے۔معیار بر فسسرار رکھتی تحسبر ہے۔ گاہوں مسیں موجود جوہری گلسٹریوں کے صحیح وقستی اسٹارے یوری دنیا مسیں نشر کیے حساتے ہیں۔

کیت

پیسرسس شہرے متریب رکھے گئے پلاٹسینم واریڈیم کمینی معیار ، کلوگرام کی تعسرین ہے۔ جوہری پیساند پر پیسائٹس کے لیے جوہری کمسینی اکائی استعال کی حباتی ہے جس کی تعسرین کاربن 12 جوہر کی صورت مسین کی حباتی ہے۔ اب بیائش

كثافية

کی بھی چینز کی کثافت مے مسراد اکائی حجب مسین اسس کی کمیت ہے۔

$$\rho = \frac{m}{V}$$

سوالات

لمبائی اور دیگرامشیاء کی پیپ اکش

سوال ۱. از مسین تخیب آیک کرہ ہے جس کارداسس 106 m × 6.37 ہے۔ اسس کا(۱) محیط کلومیٹر مسیں، (ب) سطحی رقب مسریح کلومیٹر مسین، اور (ج) تحب کلومیٹر مسین کتن ہے؟

سوال ۱۰: اثاء کی مستمل اکائی نقط کہائی ہے،جوانی کے جرابر ہے۔ مسرع نقط کی اللہ ہے۔ مسرع نقط کی صورت مسین 0.1 مسرع انج کا کھیں۔

سوال ۱.۳: ایک مائیکرومیٹر (µm) کو عصوماً مائیکران کہتے ہیں۔(۱) کتنے مائیکران 1 km کے برابر ہیں؟(ب) سنٹی میٹر کاکتنا حصہ 4 ہوگا؟(ج) کتنے مائیکران ایک گز کے برابر ہول گے؟

سوال ۱۰.۱: اسس کتاب مسین من صلے نقل اور پیکا اکائی مسین رکھے گئے ہیں: 12 نقط 1 پیکا کے برابر ہے، اور 6 پیکا 1 اپنی کے برابر ۔ اگر کتاب مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین کتنی عناطار کھی گئی ہو، تب یہ کتنی عناطار کھی گئی ہے ؟

سوال ۱.۵: ایک معتابلے مسین گھوڑے 4.0 منسرلانگ دوڑ گاکر طے کرتے ہیں۔ اسس مناصلے کو (۱)عصاور (ب) زخیبر کی صورت مسین کھیں۔ (ایک منسرلانگ منسرلانگ 201.168 m کے برابر ہے۔ ایک عصا 5.0292 m اور ایک زخیبیر m 20.117 کے برابر ہے) ۱٫۱۰ کمیت

حبدول ۲.۱ بملی گرام، گرام، اور کلو گرام کی چین د قیمتیں۔

	mg	g	kg
30			
0.0			

سوال ۱.۱: حبدول ۱.۱ کسل کریں۔ (۱) بدول مکسل کریں۔ (ب) mg (ب) 55 mg کینے 12 cm³ کینے ابر ہوگا؟ (ج) 12 cm³ کے برابر ہوگا؟

سوال کے ان ماتوائی معمار پانی کا حجم عصوماً ایکر فن مسین ناپتے ہیں، جس سے مسراد ایک ایکر رقبے پر ایک فٹ گہر را گہر راپانی ہے۔ ایک شہر جس کارقب 26 km² ہے مسین 30 منٹ کی بارشن 2 ان پانی برت تی ہے۔ شہر پر کتا ایکر فٹ یائی برستاہے؟

سوال ۱.۸: ایک سٹر کے 32 مسیل اور 5 مسیر لانگ لبی ہے۔ اسس کی لمب نکی ہوگی؟
سوال ۱۹۰۹: بہر منجد جونجی عالقت ریب نیم دائری ہے (شکل 1.5) جس کارداسس 2000 km ہے۔ اسس مسین برنے کی اوسط موٹائی m 3000 سے۔ بحسر منجمہ جونی مسین کتنے cm³ برنے پایا جاتا ہے؟ (زمسین کی سطح مستوی تصور کریں۔)

وقب

سوال ۱۰.۱۰: بہت و سیج ممالک مشاأ روس مسین مختلف معتامات پر گڑیوں کا وقت ایک دوسرے سے مختلف ہوتا ہے۔ دا)خط تول بلد کے کتنے درج دلیا کے بعد ایک گھٹے کا نسبرق پایا جب کے گا؟ (امشارہ: زمسین 24 گھٹے مسین 360 گھومتی ہے۔) ایک خط تول بلد کتنے منٹ کے برابر ہوگا؟

سوال ۱۱،۱۱: فضرانسینی انقبلاب کے بعید تقسریباً 10 سال تک حکومت کوشش کرتی رہی کہ وقت کی پیسائش مضمر ب 10 رکھی حبائے؟ ایک ہفتہ مسین 10 دن ایک دن مسین 10 گفٹے، ایک گھنٹ مسین 100 منٹ، اور ایک منٹ مسین 100 در کھے گئے۔

سوال ۱۲.۱: ونسیا کا شین ترین بڑھت پودا "ہمپروہوکا" کہا تا ہے جو 14 ون مسین $3.7 \, \mathrm{m}$ بڑا۔ پودے کے بڑھنے کی سشرح $\mu \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$

موال ۱۳۱۱: تین گھٹڑیال الف، ب، اور پ مختلف رفت اربے حیلتی ہیں اور بیک وقت صنب رنہ میں دیتی۔ شکل 6.1 مسیں حیار موقوں پر ان کی بیک وقت ہیں کشش دکھائی گئی ہے۔ (مثال کے طور پر جسس لمحہ گھٹڑی ہے 25 ویتی

antarctica^{r2}

اب. ہیں کش

ہے، گھٹڑی پ 92 ویق ہے۔)اگر دو واقع سے گھٹڑی الف پر 8 600 مناصلے پر واقع ہوں، سے (الف) گھٹڑی سے پر اور (ب) گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی الف 8 400 ویق ہے اسس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (جہس وقت گھٹڑی ہے۔) سس وقت گھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کے تصور کریں۔)

سوال ۱۱۴: ایک درسس (جو 50 منے کا ہے) تخبیت ایک خورد صدی کا ہوگا۔

(۱)ایک خور د صبدی دورانی کتنے مزید ہوگا؟ (ب) درج ذیل کلیہ استعال کرتے ہوئے تخسین مسیں فی صبہ و نسرق تلاسٹس کریں۔

$$= \left(\frac{\vec{z}_{\text{au}} - \vec{z}_{\text{au}}}{\vec{z}_{\text{out}}}\right) 100$$

سوال ۱.۱۵: دو هفتول کاوقت کتنے us ہوگا؟

سوال ۱۱.۱: معیاری وقت کادارومدار جوہری گھٹڑیوں پر ہے۔ اسس سے بہتر معیار سیکنڈ مالین ہم سبنی ہو سکتا ہے، جو گھٹڑیوں پر ہے۔ اسس سے بہتر معیار سیکنڈ مالین ہم سبنی ہو سکتا ہے، جو گھوست تارہے جن مسین صرف نیوٹران پائے جب تے ہیں) ہیں۔ ان مسین سے گا انتہائی ٹھوسس تارہے جن مسین سرتب زمسین پر شعباع ڈالتے ہیں (سمندر کے کسنارے مغارہ مغارہ فور مئی طسر ہے کے دوران ایک مسین پر شعباع ڈالتے ہیں (سمندر کے کسنارے مغارہ فور مئی طسر ہے ہوا کہ 1937 میں ہوگئی ہے۔ ایسا تارہ ہے جوا کہ سین پر شعباع ایک ایک ایک ایک تابیخ کے مسین عسر میں 2 ٹی توسندی ہوئی ہوئی ہے۔ اس کار گز 3 ms ہے مطلب نہیں)۔

(۱) __ نابض 7.00 دنوں مسیں کتنے حپکر کاٹت ہے؟ (ب) _ نابض 10 لاکھ مسرتب ٹھیک کتنے وقت مسیں حبکر کاٹت ہے،اور (ج) اسس سے واب تاعب میلینیت کے ہوگا؟

pulsars^{rA} neutronstar^{r9}

lighthouse".

١١. کيـــــ

سوال ۱۰۱۱: ایک سمتیہ جسس کا فتدر m 7.3 m ہے، شبت x محور کے رخ سے گلسٹری کی سوئی کے محتالف رخ °250 پر xyx مستوی مستوی مسین پایا جباتا ہے، الف اسس کا x حبز اور ب وائی حبز تلاسٹ کریں۔

26.3 سوال ۱۱.۱۱: سمتیہ ہے اُور کے ساز ساز کا کافت در θ سے اور پر y مستوی مسین زاویہ θ کہ رخ ہے، مشکل 26.3 دیکھیں اسس سمتیہ کے الف x

سوال ۱۹.۱: سمتیه a کامت در کتا ہے؟ درخ سے 19 اور وحب ز+ 40 m ہے۔ الف سمتیه a کامت در کتن ہے؟ جب سمتیه a کے رخ اور محور x کتا ہے؟ کتا ہے؟

سوال ۱۰۲۰: درج ذیل زاویوں کوریڈین مسین بیان کریں: الف °20 ، ب °50 ،ج °100 ۔ درج ذیل زاویوں کو درجوں کی صورت مسین پیشن کریں: 0.30 ریڈین، 70.70 ریڈین۔

سوال ۱۳۰۱: ایک بخسری جب زشمال کے رخ 120 km دور نقط کی حب نب پہنچن حیابت ہے۔ سفسر کے اعن از کے بہت ہے۔ سفسر کے اعن از کے بہتے بہتے ہوئی اسس کو نقطہ اعن زمے مشرق حب نب 100 km دور دکھیات ہے۔ اسس جب زکو اختای نقطہ پر پہنچنے کے لیے الف کتن احت اصلہ طے کرنا ہوگا طے کرنا ہوگا اور (ب) اے کس رخ سفسر کرنا ہوگا؟

سوال ۱۰۲۲: سشکل 27.3 مسیں ایک جب اری مشین کو اف کی رخ سے زاویہ $0 = 20^\circ$ پررکھے گئے تختے پر $d = 12.5 \,\mathrm{m}$ وناصلے تک گسیٹ احب تا ہے۔ اسس مشین کو (الف) انتصابی روح اور (ب) اون کی رخ گست دور منتصل کی آگ کی ایک کست دور منتصل کی آگ

سوال ۱٬۲۳ ایک ہٹاؤجس کا فتدر m 2 ہے اور دوسے راہٹاؤجس کا فتدر m 4 ہے پر غور کریں۔ دکھائیں کہ ان ہٹاؤسیات کو استعال کرتے ہوئے(الف) m 7 ، (ب) اور (ج) m 5 فتدر کے ہٹاؤسافسل کے حبا سکتے ہیں۔ Module کائی سمتیات ، سمتیات کی جمع بذرایو۔ احبزاء

موال ۱.۲۴ ایک شخص 3.1 km شمال کی طرف چینے کے بعد 2.4 km منسر اور احسر میں عمل 1.۲۴ منسر اور احسر میں 5.2 km بنائیں۔ ایک بید 5.2 km بنائیں۔ ایک بیدہ اس نقط۔ اختام تک اڑتے ہوئے (ب) کتنا و ناصلہ طے کرے گااور (ج) کس رخ طے کرے گا۔ کی کتنا و ناصلہ طے کرے گااور (ج) کس رخ طے کرے گا؟

سوال ۱.۲۵: درج ذیل دوسمتیات دیے گئے ہیں

$$a = (4 \text{ m})i - (3 \text{ m})j + (1 \text{ m})k$$

اور

$$b = (-1 \,\mathrm{m})i + (1 \,\mathrm{m})j + (4 \,\mathrm{m})k$$

 $\vec{a} - \vec{b} + \vec{b}$ اور \vec{b} اور \vec{a} اور \vec{b} اور \vec{b} اور $\vec{d} + \vec{b}$ اور \vec{d} اور

 $d_x = 4.4$ ؛ $c_z = -6.1$ ، $c_y = -3.8$ ، $c_x = 7.4$ ول مسين احبزاء ول من الماري ول مسين الماري ول من الماري والماري ول من الماري ول

سوال ۱۳۲۷: (الف) اگر $\vec{b} = (-13\,\mathrm{m})\hat{i} + (7\,\mathrm{m})\hat{j}$ اور $\vec{a} = (4\,\mathrm{m})\hat{i} + (3\,\mathrm{m})\hat{j}$ ہوں تب اکائی سمتیا عملات مسین محبوعہ a+b کے امرازی اس محبوع کا (ب) متدر اور (ج) رخ کے اور گا

سوال ۱۰۲۸: ایک گاڑی کو مشرک کی طسرف 50 km ، اسس کے بعید شمال کی طسرف 30 km اور احسر مسین شمال سے مشرک حبانب °30 کے رخ 25 km دور کے سالیا حباتا ہے۔ اسس کا سستی نقشہ بت نئیں۔ ابت دائی نقطہ سے گاڑی کی کل بٹ اؤکا (الف) احدر اور (ب) زاویہ تلائش۔

سوال ۱۰۲۹: ایک شخص اپنے موجودہ معتام سے 3.4 km دور شمال سے مشر کے حبانب 35° کے رخ معتام پر پنجین احباب اس کو محب بورا ایس گلیوں سے گزرنا ہو گاجو مشرق سے معضر ب یا شمال سے جنوب ہیں۔ یہ شخص کتنا کم سے کم مناصلہ طے کر کے اس معتام تک پنچ کتا ہے؟

سوال ۱۳۰۱: سشکل 3.28 مسیں وکھائے گئے سمتیات a اور b دونوں کے متدر $10\,\mathrm{m}$ ہیں جبکہ ان کے زاویات 00 اور 01 اور 02 احبزا تلاسش کریں۔ (ج) 02 احبزا تلاسش کریں۔ 03 کا محدر اور (ب) مبت 03 کور کے رخ کے ساتھ 04 کا داویہ تلاسش کریں۔

ووال ۱۳۳۱: سِناؤ سَمْتيات $\vec{b} = (5\,\mathrm{m})\hat{i} + (-2\,\mathrm{m})\hat{j}$ اور $\vec{a} = (3\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{j}$ كے گئر (الف) ايكھ ان سَمْتي عسلامتيت مسين، اور (ب) مستدر اور (ج) سمّتي $\vec{a} = (3\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{j}$ مسين $\vec{a} = (3\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{j}$ من $\vec{a} = (3\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{i}$ من $\vec{a} = (3\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{i}$

سوال ۱۳۳۳: تین سمتیات b ، a ، اور c مستوی xy مسین پائے جبتے ہیں اور ہر ایک کا تدر b ، a ہور c ، اور c ، b ، a ہور c ، اور c ، اور

موال ۱٫۳۵: یک باغیب مسیں 1 m اطسران کے چوکور حنانوں کا شطسرنج کی تھیل کا میدان بنایا جاتا ہے ایک نائٹ درج ذیل متدم لیتا ہے: 1 دوچو کوراگے، ایک چوکور دائیں؛ 2 دوچو کور بائیں، ایک چوکوراگے، 3 دوچو کور آگے، ایک چوکوربائیں۔ اگے جیلئے کے رخ کے لیاظ سے نائٹ کے مجبوعی مناؤکا (الف) تدراور (ب)زاور کی اداور کی اور گا؟

باب

مخفى توانائي اور توانائي كي بقسا

اختتای حسال مسیں اسپرنگ ڈھیلے حسال مسیں ہو گااور ہواباز س کن زمسینی سطح پر ہو گا،لہذانظ م کی اختتا می میکانی توانائی ذیل ہوگی۔

$$E_{2,\dot{\mathcal{G}}}=K_2+U_{e2}+U_{g2} \ =0+0+0$$

آئیں اب زمینی سطح راہ اور تب راک کی حسر رای تو انائی میں تب یلی کے ΔE کی بات کرتے ہیں۔ مساوات 31.8 f_k کی اب کے کے کے اگر اگر گری قوت و تدر مرب رسر گر کا صاحب کہ f_k الاحب اسکتا ہے۔ مساوات 2.6 ہے ہم حب نے ہیں f_k ہوگا، جب ال f_k عصودی قوت ہے۔ خطہ مسیں تب راک رگڑ کے ساتھ افتی حسر کت کر تا ہیں f_k و گراوپر وار اور نشیب وار قوت برابر ہوں گی)۔ یوں میکانی تو انائی ہے رگڑ درج ذیل مقتد ارکون کر کے گا۔ گوئی کے گ

$$\Delta E_{\sim} = \mu_k mgL$$

(مسنرید تحب رہے کے بغیب رہے حبان مسکن نہیں اسس توانائی کا کتن حصہ تیب راک کواور کتن راہ کو منتقب ہوگا۔ ہم صرف کل مقب دار حبانے ہیں۔)

ماوات 43.8 تاماوات ۲.۲ کوماوات 42.8 میں پر کرنے سے

$$(r.r) 0 = \frac{1}{2}kd^2 + mgh - \mu_k mgL$$

ملت ہے، اہلندا درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$L = \frac{kd^2}{2\mu_k mg} + \frac{h}{\mu_k}$$

$$= \frac{(3.2 \times 10^3 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-1})(5\,\mathrm{m})^2}{2(0.800)(200\,\mathrm{kg})(9.8\,\mathrm{m/s}^2)} + \frac{35\,\mathrm{m}}{0.800}$$

$$= 69.3\,\mathrm{m}$$

آ حنسر مسیں اسس بات پر توحب دیں کہ ریاضی حسل کتنا آسان تھت۔ سوچ سبچھ کر نظام تعسین کر کے یاد رکھتے ہوئے کہ سیہ حبد انظام ہے، ہم توانائی کی بقت کا متانون استعال کرپاتے ہیں۔ یوں نظام کے استدائی اور اختای حسال توانائیوں کو، در میانے حسال حبانے بغیسر، برابر رکھا حب مکتا ہے۔ بالخصوص، عسیسر ہموار راہ پر تسیسراک کی حسر کت پر غور کرنے کی مفرور سی پیش نہیں آئی۔ اسس کی بحبائے، اگر ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور کھاور حساب بھی مشکل ہوتا۔

نظسر ثاني اور حنلاص

بقسائي قوت

وہ تو۔، جو کسی بندراہ پر حسر کس کرتے ہوئے ذرہ پر، کسی ابتدائی نقطہ سے حیل کر ای نقطہ پر واپس پینچ کر، صنسر صافی کام کرتی ہو ب**قائی قوضے** ہو گا۔ ہم یوں بھی کہہ سکتے ہیں کہ اگر ایک قوب دو نقطوں کے پچ حسر کس کرتے ہوئے ذرے پر جو صافی کام کرے وہ راہ پر مخصسر سنہ ہو تب قوب بقسائی ہو گا۔ تحباذ بی قوب اور اسپر نگ قوب بقسائی ہیں؛ حسر کی رگڑی قوب غیر بقائج ہے۔

مخفى توانائى

وہ توانائی جو ایے نظام کی تفکسیل کے ساتھ وابستہ ہو جس مسیں بتسائی قوت عسل پسیرا ہو مخفی توانائی کہائی ہے۔ جب نظام کے اندر ذرے پربتسائی قوت کام W کرے، نظام کی مخفی توانائی مسین تبدیلی ΔU ذیل ہوگا۔

$$\Delta U = -W \tag{8.1}$$

نقطہ x_i سے نقطہ x_f بہنچنے پر نظام کی مخفی توانائی مسیں تب ملی درج ذیل ہو گا۔

$$\Delta U = -\int_{x_i}^{x_f} F(x) \, \mathrm{d}x \tag{8.6}$$

تحباذني مخفى توانائي

زمسین اور اسس کے متسریب ذرے کے نظام سے وابستہ مخفی توانائی کو **تجاذبی مخفی توانائی کے کت**ے ہیں۔اگر ذرہ y_i بلسندی سے y_j بلسندی منتقتل ہو،زمسین وذرہ نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسین رونمس ہونے والی تبدیلی ذیل ہوگی۔

$$\Delta U = mg(y_f - y_i) = mg\Delta y \tag{8.7}$$

 $u_i=0$ وہوالہ نقطہ $u_i=0$ پر زرے کی تحباذ کی مخفی توانائی و $u_i=0$ رکھ کر کسی بھی بلنندی u پر ذرے کی تحباذ کی مخفی توانائی درج دیاری ہوگا۔

$$U(y) = mgy (8.9)$$

لحي كى مخفى توانائي

لىپىدار جىم كى حسالت تھنچىياحسالت داب سے دابسة توانائى كو ك**ىكى مخفى توانائى** كېچە بىيں۔ایک اسپرنگ،جواسس وقت توت توب x ہور كى كىپى مخفى توانائى ذیل ہوگی۔ وقت توب F = -kx

$$U(x) = \frac{1}{2}kx^2 (8.11)$$

u=0 اور u=0 ہو۔ x=0 ہو۔ x=0 ہو۔ x=0 ہو۔ اور x=0 ہو۔

يكانى توانائى

سر کی توانائی K اور مخفی توانائی U کا محب و عب نظام کی میکانی توانائی E_{ik} ہوگا۔

$$E_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathbf{K}^{\prime}}} = K + U \tag{8.12}$$

جدا نظام سے مسرادوہ نظام ہے جس مسیں "بیدونی قوت" توانائی کی تبدیلی کا سبب نہیں بستی۔ اگر صرف تحب ذبی قوتیں حبدانظام کے اندرون کام کرتی ہوں، تب نظام کی میکانی توانائی میکانی توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات ظاہر کرتی ہیں۔ درج ذیل کھسا حب سکتا ہے، جب ان زیر نوشت توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات ظاہر کرتی ہیں۔

$$K_2 + U_2 = K_1 + U_1 \tag{8.17}$$

ب اصول درج ذیل بھی لکھاحب سکتاہے۔

$$\Delta E_{\rm is.} = \Delta K + \Delta U = 0 \tag{8.18}$$

مخفی توانائی منحنیات

ایک نظام، جس مسیں یک بعدی قوت F(x) ذرے پر عمسل پیسراہو، کی مخفی توانائی تفاعسل U(x) حبائے ہیں۔ ہوئے ہم ہے قوت تلاسش کر سے ہیں۔

$$F(x) = -\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}x} \tag{8.22}$$

اگر تف عسل U(x) کی تر سیم دی گئی ہو، کسی بھی نقطہ x پر، تر سیم کی ڈھسال کی نفی اسس نقطہ پر قوسہ F(x) ہو گی اور ذرے کی حسر کی توانائی درج ذیل ہو گی، جہاں E_{id} نقط میں کمیانی توانائی ہے۔

$$K(x) = E_{ik} - U(x) \tag{8.24}$$

موٹاواپسیں نقطہ سے مسرادوہ نقطہ ہے جسس پر ذرہ حسر کت کارخ تبدیل کر تاہے؛ اسس نقطہ پر K=0 ہوگا۔ جن نقطوں پر K=0 کارخ تسبدیل کر تاہے؛ اسس نقطوں پر U(x)=0 ہوگا۔

نظام پر بیسرونی قوی کاکر ده کام

کام W سے مسراد وہ توانائی ہے جو نظام پر بیسر ونی تو سے کے عمسل کی بنانظام سے باہریا نظام کے اندر منتقتل ہو۔ جہاں ایک سے زیادہ تو تین عمسل پیسر اہوں وہاں منتقتل توانائی ان کا محب وی صافح کام ہوگی۔ رگڑ کی غیسر موجودگی مسیں نظام پر کسیا گلے ایک میان توانائی مسیں تبدیلی ΔE_{ik} برابر ہوگی۔

$$W = E_{ik} = \Delta K + \Delta U(x)$$
 (8.26, 8.25)

نظام کے اندر حسر کی رگڑی قوی کی موجود گی مسین مسین نظام کی حسری توانائی ہے۔ تبدیل ہو گی۔ (حسری توانائی نظام م مسین جوہر اور سالموں کی بلامضوب حسر کرسے ہے وابستہ ہے۔)ایسی صورت مسین نظام پر کسیا گسیاکام درج ذیل ہوگا۔

$$W = E_{\dot{i}\dot{k}} + \Delta E_{\smile} \tag{8.33}$$

ے تبدیلی ہے مخصر کے بیرونی قوت سے پیداہاو کی متدر d اورر گڑی قوت کی متدر کے f_k پر مخصر ہے۔

$$E_{\smile} = f_k d \tag{8.31}$$

توانائی کی بقب

نظام کی ک**کی توانائی** (جومیکانی توانائی اور اندرونی توانائیوں، بشمول حسری توانائی، کامحبسوء بوگا) مسیں تبدیلی اسس توانائی کے برابر ہوگی جونظام سے باہریانظام کے اندر منتقتل کی حبئے۔ اسس تحب رہاتی حقیقت کو **توانائی کی بقا** کہتے ہیں۔ نظام پر کمیاکام W ہونے کی صورت مسین: بل ہوگا۔

$$W = \Delta E = E_{\dot{\beta} \xi_{\bullet}} + E_{\smile} + E_{\dot{\beta}_{\nu} \xi_{\uparrow}} \tag{8.35}$$

$$W=0$$
 کے لئے اسس سے $W=0$

$$E_{\dot{\beta}\zeta} + E_{\smile} + E_{\dot{\beta},\zeta} = 0 \tag{8.36}$$

اور

$$E_{2,ijk,..} = E_{1,ijk,..} - \Delta E_{i,..,k} - \Delta E_{i,ijk,..}$$

$$(8.37)$$

حاصل ہوں گے، جہاں زیر نوشت، 1 اور 2 ، دو مختلف کمحات ظاہر کرتی ہیں۔

ا.٠.١ طاقت

قوت کی بناطباقت، اسس توانائی کے انتصال کی مشسرے کو کہتے ہیں، جو قوت منتصل کرتی ہے۔ یوں Δt دورانپ مسیں اگر قوت اسس توت کی اوسط اقت درج ذیل ہوگی۔

$$P_{\text{brail}} = \frac{\Delta E}{\Delta t} \tag{8.40}$$

قوت کی لمحاتی طباقت زیل ہو گی۔

$$P = \frac{dE}{dt} \tag{8.41}$$

سوالا ____

سوال ۲۱: سشکل 18.8 مسیں افقی حسر کر تاہوا جم نقط دار اختامی ککسیسر تک تین بلار گزراستوں سے پہنچ سکتا ہے، جن مسیں فقط بلٹ دی کا فنسر ق ہے۔ ان راہ کی در حب بسندی (۱) اختتامی ککسیسر پر جم کی رفت ارکے لیے اور (ب) اختتامی ککسیسر تھے۔ جم کے پہنچنے کے دورانی حسر کرسے کے لیے اطری زیادہ قیمت کا نتیج به اول رکھیں۔

موال ۲۰۲: ایک ذرے کی مخفی توانائی تف عسل شکل ۱۹.8 مسیں پیش ہے۔ (۱) ذرے پر قوت کی متدر کے لیے اظ ہے خط کہ CD ، BC ، AB کا درجہ بندی کریں۔ زیادہ قیت کا نتیجہ اول رکھیں۔ (ب) بائیں مخفی توانائی کوال کھیں۔ (ب) بائیں مخفی توانائی کوال مسیں پھنٹ سے لئے ذرے کی میکائی توانائی توانائی کوال مسیں پھنٹ کے لئے ذرے کی میکائی توانائی توان کووں مسیں حسر کت کرسٹے لیے کن نقطہ H سے دائیں نکلنے کوال مسیں جسز در کے کی صورت مسیں وہ آجہ کا مورت مسیں وہ آجہ کی کوسٹ مسیں حسر کت کرسٹے لیے کا مورت مسیں حسر کی خطے مسیں خطے مسیں ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ در اور کی مورت مسیں خطے مسیں ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ در اور کی مورت مسیں خطے مسیں ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ در اور کی مورت مسیں خطے مسیں ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ در اور کی مورت مسیں خطے مسیں ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ در اور کی مورت مسیں خطے مسیں ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ در اور کی مورث کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ در کی مورث کی مسین ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) نیادہ کی اور کی مورث کی توانائی (م) نیادہ کی مورث کی مورث کی مورث کی مورث کی مورث کی کی مورث کی مورث کی مورث کی مورث کی مورث کی مورث کی کو کی کی کی کو کر کی کو کو کی کو کر کر کو کر کر کر کر کو کر ک

 E_{i} پر E_{i} کے E_{i} کے اسس ایک راہ پر جس پر خیر بقائی E_{i} کے اسس ایک کی جوانے میل کی جوانے کے اسکانی کے اسکانی کے اسکانی کی جوانے کی جوانے کی کا بعد اللہ کا کہ میل کی جوانے کی کا بعد اللہ کے کا بعد اللہ کی کا بعد ال

سوال ۲۰۳۰ ایک جم جم م m 8 بلندی سے بلار گزراہ پر رہاکی حب تا ہے (مشکل 21.8)۔ چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹی ہے جم پار کہ جسیں گر تا۔ (۱) وہ کو نمی پہلی چوٹی ہے جم پار کر جم کرنے سے متسام ہوگئ (ب) اسس چوٹی کوپار نہ کرنے کے بعد جم کی اگرے گا؟ جن چوٹیوں کو جم پار کر پاتا ہے، کسس چوٹی پر جم کی کرنے) مسرکز مائل قو۔ زیادہ ہے، کسس چوٹی پر اسس کی عسودی قو۔ کم سے کم ہوگئ؟

سوال ۲۰۵: ایک جیم بلارگڑ میلان پر A تا C حسر کت کرنے کے بعد افقی خطہ CD ہے گزر تا ہے، جہاں رگڑی قوت عمل پیسرا ہے۔ کیا جیم کی حسر کی توانائی(۱) خطہ AB، (ب) خطہ BC مسیں بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقل رہتی ہے؟ (و) کیاان خطوں مسین جیم کی میکانی توانائی بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقل رہتی ہے؟

سوال ۲۰: ایک بسیان کو، جو انتصابی سیاخ پر حپڑھ اہوا ہے، رس سے اوپر کھینچ جب تا ہے (مشکل 23a.8)۔ تنگ سوراخ کی بدولت یہ سیان کو، جو انتصابی سیان و سیان و در سین میں اراخ کی بدولت یہ سیان و سیان و سیان و در سین انتظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین فعت ہو، بند "کسیا گیا ہے: نظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین اصناف U_g کام کرتی ہو تھا ہم میں صناف کے اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟ مسین اصناف کے عمل اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟

سوال ۲.۷: سشکل 24.8 مسیں و کھایانظام سوال ۲.۸ مسیں پیش نظام کی طسر تے۔ یہاں بسیان سے بند گی رسی آت اللہ ۲.۵ مسین کی طسر تے ہے۔ یہاں بسیان سے بند گی رسی آت نظیم کی مدد سے کھنچت ہے۔ یہاں بھی بسیان و سیان و سین نظام کو مشکل 23b.8 مسین پیش نظام کی طسر ت تصور کریں۔ آپ نظام پر 200 کام کرتے ہیں۔ نظام جم پر 60 کام کرتا ہے۔ نظام کے اندرون مسین حسر کی توانائی مسین 130 اصاحت، اور تحب ذبی توانائی مسین 20 کی رونس ہوئی۔ (ا) شکل 23c.8 کی طسر زپر نظام کی توانائی کو "فعت رہ بند "کریں۔ (ب) نظام کے اندر حسری توانائی مسین تسید کی گئتی ہوئی؟

سوال ۲۰۸: ایک جم مشکل 25.8 مسیں راہ پر جیلتے ہوئے h بلندی ہے اتر تا ہے۔ ماسوائے نحیلی افتی حصہ کے ، جس مسیں جم D فتی صلہ کرنے ہے جس کے بعد رک حباتا ہے ، راہ بلار گڑ ہے۔ (۱) بلند h کم کرنے ہے جس D ہے زیادہ ، کم ، یا اسس کے بر ابر و نباصلہ طے کرے گا؟ (ب) اسس کے بر عکس ، جم کی کیت بڑھانے ہے جس D ہے زیادہ ، کم ، یا اسس کے بر ابر و نباصلہ طے کرے گا؟

سوال ۲۰: ایک جم میلان پر اتر تا ہے۔ سشکل 26.8 مسیں تین صور تیں پیشس کی گئی ہیں، جہاں میلان بلار گڑنہیں ہیں۔ سینوں صور توں مسیں جم ایک جتنی بلندی سے آغناز کرتے ہوئے حسر کرت کرتا ہے حتٰی کہ حسر کی رگڑی قوت اسے روک یا تھے۔ ان صور توں کی در حب بندی حسر توانائی مسیں اضاف کے لیے افزے کریں۔ زیادہ قیت اول رکھیں۔

سوال ۲.۱۰: تین گیند ایک بلندی اور ایک رفت ارسے چھینے جباتے ہیں (مشکل 27.8)۔ ایک گیند سیدھا اوپر پھیکا حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کی حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کی حباتا ہے۔ گیندوں کی درحب بندی، نقط دار لکے رپی گئی کران کی رفت ارک لحاظ کے کریں۔ زیادہ قیمت اول رکھیں۔

سوال ۱۰۰۱: جب ایک ذرہ f = i اور j = i اور j = i مشکل 28.8 میں دکھنے دراستوں پر دکھنے درخ حسر کرتا ہے، ایک بقت ل جر ایک قوت f اس پر عمسل کر کے، مشکل مسیں پیشس کام کرتی ہے۔ نقط f = 1 اس پر عمسل کر کے، مشکل مسیں پیشس کام کرتی ہونے کی صورت مسین ذرے پر f کتناکام کرے گا؟

مخفى توانائي

سوال ۲۰۱۲: ایک اسپرنگ جو 7.5 cm د بی حالت مسین 25 اکسپکی مخفی توانائی ذخیسره کرتا ہو کامقیاسس کپک کسیاہو گا؟

 $m = 825 \,\mathrm{kg}$ سوال ۱۳.۱۳: پہلی چوٹی جس کی بلندی $h = 42 \,\mathrm{m}$ کو سر کر کے ، بلار گز تفسر یکی گاڑی جس کی کیست B ، اور (ج) نقطہ B تک تک تحب اذبی توقت گاڑی پر کتت کام کرتی ہے ؟ نقطہ C پر گاڑی و زمین نظام کی تحب اذبی تخفی توانائی صف سراسیتے ہوئے اسس کی قیمت اسس وقت کے ہوگا جب گاڑی (د) نقطہ B اور (د) نقطہ B کی قیمت اسس وقت کے ہوگا جب افرائی مسین شیعہ وگاڑی (د) نقطہ B کی تقطہ کی بیات میں ہوگا ؟

 $D = 10 \, \mathrm{m}$ بال ۱۳ از آپ $2 \, \mathrm{kg}$ کیت کاتب $D = 10 \, \mathrm{m}$ با بندی سے کھٹڑی سے نیج دوست کو گراتے ہو۔ آپ کے دوست کے ہاتھوزمسین سے $D = 10 \, \mathrm{m}$ بالدی گراتے ہو۔ آپ کا باتھوزمسین سے اٹھوزمسین سے $D = 1.5 \, \mathrm{m}$ باتھوزمسین سے باتھوں تک باتھوں کا باتھوں کی جباذبی مخفی تو انائی مسیں کتاب پر تحباذبی تو تعلق ہو گرائی مسین کی تحباذبی مخفی تو انائی مسین کے دوران کتاب و زمسین نظام کی تحباذبی مخفی تو انائی مسین کے دوران کتاب و زمسین نظام کی تحباذبی مخفی تو انائی مسین کے دوران کتاب کے باتھوں مسین پڑھ کر D کسیاہو گی اور کا کسیاہو گی اس نظر پر D کسیاہو گی کا سے باتھوں مسین بھی کا کسیاہو گی کا سے نہیں کا میں اور دوبارہ (ہ) دوبارہ (ہ) دوبارہ (ہ) کی کسیاہو گی کا سے کہا تھوں مسین کی تو کا میں کسیاہو گی کہ کسیاہو کی کسیاہو کسیاہو کی کسیاہو کسیاہو کسیاہو کی کسیاہو کسیاہو کسیاہو کسیاہو کی کسیاہو کسیاہو کی کسیاہو کسیاہو کی کسیاہو کسیاہو کسیاہو کی کسیاہو کی کسیاہو کسیاہو کی کسیاہو کی کسیاہو کی کسیاہو کی کسیاہو کی کسیاہو کی کسیاہ

 $L=0.452\,\mathrm{m}$ کی کست جس کی کست $m=0.341\,\mathrm{kg}$ جب با کست سال خوب کی کست کو انتصابی دائر مسیل جس کے ایک سر سر کے ساتھ باندھا ہوا ہے۔ سال خوا دور سرا سر چول دار ہے، جو گسند ہول کر انتصابی بالا معتام حسر سن کی احباز سے دست ہول کر انتصابی بالا معتام سن کی احباز سے دست کی احباز سے دست کی احباز سے کہ گسند پر استدائی نقطہ سے (۱) نخیج ترین تقطہ تک ، جہاں اس کی رفتار صغیر ہوتی ہے۔ تحباذ بی قوت گسند پر استدائی نقطہ سے (۱) نخیج ابتدائی نقطہ تک ، مہاند دائیں ہاتھ نقطہ تک ، مہاند دائیں ہاتھ نقطہ تک سے کست کام کرتی ہے ؟ ابتدائی نقطہ پر گسند دور مسین نظام کی تحباذ بی مختی توانائی صغیر لیتے ہوئے، اس کی قیمت اس وقت کسے ہو گی جب گسند دائی ہو تک بالا ترین نقطہ ، اور ابتدائی نقطہ کے ہم بلند دائیں ہاتھ نقطہ پر ہو؟ (ز) منسر ش کریں گسند کو اتنی ابتدائی و حکیل دی حباق ہے کہ سے بالا ترین نقطہ پر غمیر صغیر دونتار سے پنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ سے بالا ترین نقطہ بر غمیر صغیر دونتار سے پنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ سے کے لی خاطے زیادہ م

سوال ۲۰۱۱: نصف کروی برتن، جس کار داسس 22 cm ہے، کے کسنارہ ہے 2 g برون نی پرت پیسلنے دی حباتی ہے؟ ہے۔ پرت اور برتن کا تمساس بے رگڑ ہے۔ (ا) برتن کی تہہ تک اترتے ہوئے پرت پر تحباذبی مخفی توانائی کتناکام کرتی ہے؟ (ب) پرتن کی تہد یلی رونسا ہوگی؟ (ج) اگر یہ مخفی توانائی برتن کے دوران کتنی تبد یلی رونسا ہوگی؟ (ج) اگر یہ مخفی توانائی برتن کے کہ تہہ مسین صف ربی حب برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (و) اسس کے برعکس، اگر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (و) اسس کے برعکس، اگر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟

موال ۱۰.۱۹: کھٹڑی چینان جس کی بلندی سے 12.5 ہے، کی چوٹی ہے افق کے ساتھ °41 اوپررخ 1 m s - 1 ابتدائی سستی رفت است کی رفت است کے ساتھ °41 اوپررخ 1.50 kg ابتدائی مسین تک پرواز کے دوران برون گوا پھیکا حباتا ہے۔ (۱) چینان کے سسر سے نیچ ہموار زمسین تک پرواز کے دوران گولا پر تحباذبی مخفی توانائی مسیں کنئی تتب کی روزن ہوتی ہوئے، اسس کی تجسنان کی چوٹی پر تحباذبی مخفی توانائی کی قیمت صف راستے ہوئے، اسس کی قیمت اسس وقت کیا ہوئے۔ اسس وقت کیا گوا جب گولا نیچ زمسین پر ہو؟

مكانى توانائى كى بقب

سوال ۲۰۲۰: تغسر یکی گاڑی کی رفت ارسوال ۲۰۱۳ مسین (۱) نقط A پر، (ب) نقط B پر، اور (ج) نقط C پر کسیا ہو گا؟ (و) آخن میں پہنٹ ہوگاڑی کی کیسے دگنی کرنے سے متاص ہے، پر گاڑی کسس بلند تک جنگی پائے گا؟ (و) گاڑی کی کمیسے دگنی کرنے سے حب زوا تا حب زود کے جوابات کمیا ہوں گے؟ C

سوال ۲۰۲۱: (۱) ہاتھوں کو پینچ کر کتاب کی رفت ارسوال ۲۰۱۴ مسین کمیا ہو گی؟ (ب) کتاب کی کمیت و گئی کرنے سے یہ رفت ارکسیا ہو گی؟ (ب) کتاب کے برعکس، اگر کتاب نینچ چھین کی حبائے، کمیا حب زوائے جواب مسین اضاف ہوگا، کی ہو گی، یااسس مسین کوئی تب یہ پلی نہیں ہو گی؟ گی، یااسس مسین کوئی تب یلی نہیں ہوگی؟

سوال ۲۰۲۲: (۱) برتن کی تہے کو پینچ کر سوال ۲۰۱۲ مسیں برون نی پر سے کی رفت ارکسیا ہو گی؟ (ب) پر سے کی کمیسہ د گئی کرنے سے سے رفت ارکی ہو گی؟ (ج) اسس کے بر عکس، اگر پر سے کوبر تن کے ہمسراہ ابت دائی پنچے رفت اردی حبائے، کمیا حب زواکے جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، یا اسس مسیں کوئی تب دکی جسیں ہوگی؟ سوال ۲۰۳۳: (۱) توانائی کے تراکیب، ناکہ باب 4 کے تراکیب، استعمال کرتے ہوئے سوال ۲۰۱۹ مسیں کھٹری چٹان کی چوٹی کے نے دفتار کیا ۔ نیچ رفت ارکیب کے نے کے رفت ارکیب کے نیچ رفت ارکیب کا مین پر پھنچ کر بوٹ کے رفت ارکیب ہوگی؟ (ج) کیسے کے 14 نیچ رکھنے سے رفت ارکیب ہوگی؟ ہوگی؟ کیسے 2.5 kg کرنے سے رفت ارکیب ہوگی؟

سوال ۲۰۲۵: (۱) انتصابی بالا نقط تک صف رفت ارک ساتھ پنچنے کے لئے سوال ۲۰۱۵ مسیں گین د کی اہت دائی رفت ار کسیا ہوگی؟ ایک صورت مسیں گین د دائیں نقط پر اور (ج) اہت دائی معتام کے ہم بلن د دائیں نقط پر اور (ج) اہت دائی معتام کے ہم بلن د دائیں نقط پر کسیا ہوگی؟ (د) کسیا گین د کی کمیت د گئی کرنے سے حب زوا تا حب زوج کے جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، یاان مسیں کوئی سے دکی نہیں ہوگی؟
تب ملی نہیں ہوگی؟

وال ۲۰۲۷: ایک سل جس کی کیت $700 \, \mathrm{g}$ ، انتصابی اسپرنگ جس کا مقیاس کی $k = 400 \, \mathrm{Nm}^{-1}$ اور کیت و این h_0 با بندی ہے (ساکن حیالت ہے) گرنے دیا جب تا ہے۔ سل اور اسپرنگ آپس میں جبڑ جب تے ہیں اور اسس وقت لحصاتی رکتے ہیں جب اسپرنگ 19.0 cm و جب کے درکئے تک (ا) اسپرنگ پر سل کتناکام کرتا ہے اور (ب) سل پر اسپرنگ کتناد ہے گا؟ h_0 کی تیت کیا ہے ؟ (د) سل کو h_0 بلندی ہے دہا کرنے کی صورت میں اسپرنگ کتناد ہے گا؟

سوال ۲۰۲۸: سل پر سوال ۲۰۱۵ مسین نقط Q پر مصافی عمس ل پسیر اقوت کی ت در کا(۱) افقی حبز و اور (ب) انتصابی حب و کسی بول گی و کسی بات دی h سے رہا کرتی ہوگی اگر جم حیا ہے ہوں کہ سے گھسے رکی چوٹی پر راہ سے اشخے گئے۔ (راہ سے سل اس وقت الشخے گئے گی جب سل پر راہ کی عصودی قوت صف رہو۔)(و) ابت د ائی بلندی کی سعت گئے۔ (راہ سے مکر از سے 6 کر ایک نے چوٹی پر بھنے کر سال پر عصودی قوت کی ت در ترسیم کریں۔

سوال ۲۰۲۹: (۱) گیند کی رفت ارزیرین تر نقط پر سوال ۲۰۱۸ مسین کیا ہوگی؟ (ب) گیند کی کمیت بڑھانے سے کیا رفت اربڑھتی ہے، گھٹتی ہے، پات بریل نہیں ہوتی؟

سوال ۲٬۳۰: ایک پقسر جس کی کیت 8.00 kg ہے، اسپرنگ پر ساکن پڑا ہے (شکل 36.8)۔ اسپرنگ کوت اسپرنگ کوت اسپرنگ کوت ا پقسر 10.0 cm رہا تا ہے۔ (۱) اسپرنگ کامقیا سس کیک کیپ جائے۔

motorway escaperamp

حباتا ہے۔ رہاکرنے سے قبل دیے اسپرنگ کی کھنی توانائی کسیا ہو گی؟ (ج) نقط رہائی سے بلن د تر نقط پینی کر پتھ رو زمسین نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسیں کتنی تبدیلی رونس ہو گی؟ (د) نقط رہائی سے بلن د تر نقط کتنی اونحپ ئی پرہ؟

وال ۲۰۳۳: ایک سی بازجس کی کیت $60 \, \mathrm{kg}$ ہے، ساکن حسالت سے سکی اچھال میلان کے اختتام سے $H = 20 \, \mathrm{m}$ باند نظرے آخل کی $H = 20 \, \mathrm{m}$ باند نظرے نظرے آخل میلان کے اختتام سے کتی زیادہ سے زیادہ بلندی H تک سے پنچے گا؟ (ب) اگر سکی باز سامان اٹھ کرروانا ہو، کی H کی قیمت مسین اصناف ہوگا، کی ہوگی، یا وہ ہی رہے گی؟

سوال ۲.۳۳: ایک دهاگاجس کی لمب کی مسب کی الله این این الله این ال

سوال ۲۳۳: کوپ $\vec{v}=(18\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{i}+(24\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{j}$ کے ساتھ $\vec{v}=(10\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{i}+(24\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{j}$ کے ساتھ روانا کہا جہ گیندوز مسین نظام کی ΔU کوپ کہ $t=6.0\,\mathrm{s}$ تا جہ گیندوز مسین نظام کی ΔU کوپ کہ جہ کہ تاہد وزمسین نظام کی ΔU کوپ کہ جہ کہ تاہد وزمسین نظام کی استعمام کی المحت کے ساتھ کہ تاہد وزمسین نظام کی المحت کے ساتھ کہ تاہد کی تا

سوال ۲.۳۷: محور x پر حسر کتے ہوئے ذربے پر بقت اَئی قوت $\vec{F} = (6.0x-12)\hat{i}$ N نصور کے جہال کرتی ہے، جہال کا کا مسیل میں ہے۔ اس قوت کے ساتھ وابستہ مخفی توانائی U کنا نظلہ u = 0 پر u = 0 کی توانائی کسیل کے مسیل مسیل کا مسیل مسیل مسیل مسیل مسیل کے مسیل مسیل مسیل مسیل مسیل کے مسیل مسیل کا کا کہ مسیل کا مسیل کا مسیل کا مسیل کا مسیل کا کا کہ کہ کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کہ کا کہ کہ کہ کہ کہ کا کہ کہ کا کہ کہ کا کہ کا کہ کا کہ کہ کا کہ کا

سوال ۲۰۳۸: کھٹڑی چٹان سے 688 N وزن کا شخص 18 m کمی ری سے جھولت ہے (مشکل 40.8)۔ چٹان کی چوٹی سے زیریں ترین نقطہ تک نثیب 3.2 m ہے۔ ری اسس وقت ٹوٹے گی جب اسس کو 950 N سے زیادہ قوت کھنچے۔ (۱)

کے ارس ٹوٹے گی؟ (ب)رس نے ٹوٹے کی صورت مسین نشیب کے دوران رسی پر زیادہ سے زیادہ قوت کتی ہو گی؟ رسی ٹوٹے کی صورت مسین، ٹوٹے وقت رسی انقب کے ساتھ کس زاویے پر ہو گی؟

سوال ۲۰۳۹: ہوائی ہندوق مسیں نصب اسپرنگ شکل 41a.8 پر پورااتر تا ہے؛ جو توت بالقابل اسپرنگ کا داب یا دراضی دیت ہے۔ اسپرنگ کو s.5 cm جب درائی دراضی دیت ہے۔ اسپرنگ کو s.5 cm جب اسپرنگ کو 3.8 چسسرے کی رفت ارائی کے کہا ہوگی؟ (ب) اسس کے بر عکس، تصور جب اسپرنگ اپنے دھیا ہوگی؟ (ب) اسس کے بر عکس، تصور کریں چسسرااسپرنگ کو کھنچ کر مسلم کے کہا ہوگی ہو تا ہے۔ جسسرے کی رفت ارائی کے بعد اسس سے علیحہ دہ ہوتا ہے؟

 $- 12 \, \text{kg}
 - 12 \, \text{kg}
 - 10 \, \text{kg}$

سوال ۲.۲۱: بلار گر میلان جس کازاوی $\theta = 40^\circ$ بررکس $\theta = 2.0$ و بررکس $\theta = 40^\circ$ بررکس و بررگ و براکس و برگ و براگ و بررگ و براگ و بررگ و برگ و ب

 $k=19.6\,\mathrm{N\,cm^{-1}}$ بارگڑ میلان جس کازاویہ $m=2.00\,\mathrm{kg}$ بہتر ہوگا ہے۔ $m=2.00\,\mathrm{kg}$ بہتر ہیں جس بیل سول ہوگئی ہوگئی ہے ساتھ ملا کر رکھی حباتی ہے، تاہم یہ ایک دو سرے کے ساتھ حبڑ ہے نہیں ہیں مقیاس کی بھی مسل کو مسل کے مسل کو مسل کے مسل کی مسل کے مسل کا بھی ہوگی ہوگئی ہے۔ سال کے پہنچنے تک میلان پر بلند تر نقط ہوگئی ہوگ

با___با

مسر کز کمیت اور خطی معیار حسر کت

ا. ٣ ایک بُعد مسیں کی تصادم

حسر کی توانائی کی بقب درج ذیل لکھی حسائے گی۔

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2$$

ان ہمنزاد مساوات کو v_{1f} اور v_{2f} کے لئے حسل کرنے کی حضاط ہم مساوات v_{1f} کو

$$m_1(v_{1i} - v_{1f}) = -m_2(v_{2i} - v_{2f})$$

اور مساوات السرارج ذیل صورت مسیں لکھتے ہیں۔

$$(r.r) m_1(v_{1i} - v_{1f})(v_{1i} + v_{1f}) = -m_2(v_{2i} - v_{2f})(v_{2i} + v_{2f})$$

مساوات ٣٠٣ كومساوات ٣٠٢ سي تقسيم كركے كچھ الجبراكے بعب درج ذيل حساصل ہوں گے۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

اور

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

یادرہے، زیر نوشت 1 اور 2 کسی حناص ترتیب سے مختص نہسیں کیے گئے۔ مساوات 19.9 مسیں اور مساوات ہیں ہوری ملتی ہے۔ اسس پر بھی توجب اور مساوات کی وہی جوڑی ملتی ہے۔ اسس پر بھی توجب

ویں کہ $v_{2i}=0$ کے سینے ہے، مشکل 18.9 مسیں جسم 2 ساکن ہدف ہوگا، اور مساوات ۳.۵ ساوات 18.9 میں بالت مرتب مساوات 67.9 اور مساوات 68.9 دیتی ہیں۔

آزمائشس ا

 $2 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$ اور $3 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$ اور $3 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$

كليدي تصورات

چونکہ ہم تصادم لحپکدار تصور کرتے ہیں الہذامیکا فی توانائی کی بقسا ہو گی (یوں نگر کی آواز، گرمی، اور ارتعب سٹس کی بدولت توانائی کا ضیاع نظسر انداز کسیاحب تا ہے)۔ کوئی ہیسرونی افتی قوت سلوں پر عمسل نہیں کرتی لہذا محور × پر خطی معیار حسر کسے کی بقب ہو گی۔ ان دووجو ہات کی ہٹ ایر ہم دونوں تصادم پر مساوات 67.9 اور مساوات 68.9 کا اطساق کر سے ہیں۔

حماج پہلے تصادم سے آعناز کرتے ہوئے ہمیں اتنے زیادہ نامعلوم متغیبرات سے واسطہ ہوگا کہ آگے بڑھنامشکل ہوگا: ہم سلوں کی کمیت اور اختای سمتی رفتار نہیں جبائے آئیں پہلے تصادم سے آعناز کریں، جس مسیں سل 3 کے ساتھ نگرانے کے بعد سل 2 رکتی ہے۔ مساوات 67.9 کااطہاق اسس تصادم پر کرتے ہیں جہاں ترقیم تبدیل کرتے ہوئے ، توب میں اور کے بعد اسس کی رفتار دیتے ہیں۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$v_{2f} = \frac{m_2 - m_3}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

 $v_{2f}=0$ درج ذیل حساس ایوگا۔ $m_3=6.0\,\mathrm{kg}$ وال کر درج ذیل حساس ایوگا۔ $v_{2f}=0$

$$m_2 = m_3 = 6.0 \,\mathrm{kg} \qquad \qquad (\text{--}15.)$$

ای طسرح ترقیم تبدیل کرکے دوسسرے تصادم کے لئے مساوات 68.9 کلھتے ہیں

$$v_{3f} = \frac{2m_2}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

٣٣. دوابعب د مسين تصادم

 $v_{3f}=v_{3f}=m_{3}$ جبال $v_{3f}=m_{2}=m_{3}$ والنائم اختای مستی رفت اربیات مسین $v_{3f}=m_{3}$ والنائم اختای مستان المواگد $v_{3f}=v_{3f}$ المردرج ذیل مساصل ہوگا۔

$$v_{2i} = v_{3f} = 5.0 \,\mathrm{m\,s^{-1}}$$

آئیں اب پہلے تھا دم پر غور کریں؛ ہمیں سل 2 کے لئے مستعمل ترقیم پر توجب دینی ہو گی: تھا دم کے بعد سل 2 کی سستی رفت اور v_{2j} وہی ہے جو تھا دم سے قبل اسس کی سستی رفت اور $v_{2i}=5.0~\mathrm{m\,s^{-1}}$ گاط ان کر کے دکی گئی $v_{1i}=10~\mathrm{m\,s^{-1}}$ ڈال کر ذیل ہوگا

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$
$$5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$$

جو ذیل دیگا۔

$$m_1 = \frac{1}{3}m_2 = \frac{1}{3}(6.0 \,\text{kg}) = 2.0 \,\text{kg}$$

سے متیب اور دی گئی v_{1i} استعال کرتے ہوئے بہلے تصادم پر مساوات 67.9 کااطباق کرکے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

$$= \frac{\frac{1}{3}m_2 - m_2}{\frac{1}{3}m_2 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}}) = -5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} \qquad (-...)$$

П

۳.۲ دوابعاد مسین تصادم

ہو• باصر پر

اس حصہ کو پڑھنے کے بعبد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

حبد انظام کے لئے جس مسین دو بُعدی تصادم واقع ہو، ہر ایک محور پر معیار حسر کت کی بقسا کا اطال آن کرتے ہوئے، تصادم کے بُعد مُحور پر معیار حسر کت کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قب ل معیار حسر کت کے احب زاء کے ساتھ رہشتہ حبان سکیں۔

حبد انظام کے لئے جس مسیں دو بُعدی کی تصادم واقع ہو، (۱)، ہر ایک محور پر معیار حسر کس کی بقسا کا اطلاق کرتے ہوئ ہوئے، تصادم کے بعد محور پر معیار حسر کس کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قبل معیار حسر کس کے احب زاء کا سے تع ساتھ رشتہ حبان سکیں اور (ب) کل حسر کی توانائی کی بقسا کا اطلاق کر کے تصادم سے قبل اور تصادم کے بعد حسر کی توانائیوں کا رشتہ حبان سکیں۔

كلي دى تصور

اگر دو جہم مخمرائیں اور ان کی حسر کت ایک محور پر نہ ہو (تصادم آمنے سامنے سے نہسیں ہے)، تصادم دو بُعدی ہو گا۔ اگر دو جسمی نظام بنداور حبداہو،تصادم پر معیار حسر کت کی بقب کے وتانون کااطبابی ہو گالہندادرج ہو گا۔

$$\vec{P}_{1i} + \vec{P}_{2i} = \vec{P}_{1f} + \vec{P}_{2f}$$

یہ وتانون احسنراء کی صورت مسیں دومساوات (ہر بُعد کے لئے ایک مساوات) دیگا ہو تصادم کو ہیان کرتی ہیں۔ اگر تصادم کمپ کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تصادم کے دوران حسر کی توانائی کی بقت (ذیل) تیسری مساوات دگی۔

$$K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

دوابعهاد مسين تصادم

جب دواجسام کاتصادم ہو،اجسام کس رخ حسر کت ہیں،اسس کا تعسین ان کے پی خرب (جینکا) کرتی ہے۔ بالخصوص، جب تصادم آنے سامنے سے سنہ ہو، اجسام اپنے اپنے ابت دائی محور پر نہسیں رہتے۔ اپنے دو بُعدی تصادم مسیں جو بسند، اور حبد انظام مسین واقع ہو، کل خطی معیار حسر کت کی بقساہوگی۔

$$ec{P}_{1i}+ec{P}_{2i}=ec{P}_{1f}+ec{P}_{2f}$$

اگر تصد دم کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تب کل حسر کی توانائی کی بقت بھی ہو گا۔

$$(r.2) K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

دو بُعدی تصادم کا تحبنر سے کرنے کے لئے مصاوات ۲۰۳۷ میں $\chi y \propto x$ دی نظام کے احبنراء کی صورت مسیں لکھنازیادہ مفید ثابت ہوتا ہے۔ مشال کے طور پر، شکل 21.9مسیں ساکن ہون کو گوالا بغسلی (آمنے سامنے سے نہیں) ٹکراتا ہے۔ ان کے فیج ضرب، اجسام کو محور χ ، جس پر گولا ابت دائی طور حسر کت مسیں ہیں، کے لحاظ سے θ_1 اور θ_2 زاویوں پر جیجتی ہے۔ یہاں ہم مصاوات ۲۰۳ کو محور χ کے ہمسراہ ذیل

$$(r.\Lambda)$$
 $m_1 v_{1i} = m_1 v_{1f} \cos \theta_1 + m_2 v_{2f} \cos \theta_2$

اور محور لا کے ہمسراہ ذیل لکھیں گے۔

$$(r.4) 0 = -m_1 v_{1f} \sin \theta_1 + m_2 v_{2f} \sin \theta_2$$

ہم مساوات 2.4 کو (اسس خصوصی صورت کے لئے)رفت ارکے رویہ مسیں لکھ کتے ہیں۔

$$(r.1 \cdot) \qquad \qquad \frac{1}{2} m_1 v_{1i}^2 = \frac{1}{2} m_1 v_{1f}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2f}^2 \qquad \qquad (\acute{\mathcal{G}}) \ddot{v}_{1i} = 0$$

مساوات ۳.۸ تامساوات ۱۳۰۰ مسین سات متغییر مین: دو کمیت، m_1 اور m_2 ؛ تین رفتار، v_{1i} ، اور v_{2f} ، اور v_{2f} ؛ اور دو زاویے ، v_{2f} اور v_{2f} اور دو زاویے ، v_{2f} اور کے مساوم کے حباسے ہیں۔

نمونی سوال ۳.۳: منسرض کریں شکل 21.9 مسیں گولے کا ابت دائی معیار حسر کت $6 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$ ، جبکہ اختا کی معیار حسر کت کا $y \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ ، جب ہ اختا کی معیار حسر کت کا $y \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ ہے۔ ہون کے را) اختا کی معیار حسر کت کا $y \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ بہ حسن دواور (ب) اختا کی معیار حسر ک کا $y \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ باختا کی معیار حسر ک کا $y \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$

٣,٣ تغير كميت كانظام: هوائي بان

معتاصيد

اسس حصہ کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

موائر بالن الى پہلى مساوات استعال كركے ہوائى بان كى كيت مسين كى كى ششرح، ہوائى بان كے لحاظ سے خرچ مادے كى اصفاق اصفافی رفتار، ہوائى بان كى كيت، اور ہوائى بان كى اسسراع كارشته حبان يائيں گے۔

ہوائی بان کی دوسسری مساوات استعال کر کے حسرج مادے کی اضافی رفتار کے لیے اظے ہوائی بان کی رفتار ، اور ہوائی بان کی است دائی اور اختتامی کمیت کار مشتہ حسان یائیں گے۔

ایک ایسا حسرکت پذیر نظام جس کی کیت دی گئی سشرح سے تبدیل ہوتی ہو کے لئے اسس سشرح اور معیار حسرکت مسین تبدیلی کارشتہ حبان یائیں گے۔

كليدى تصورات

ہیں۔ ونی قو توں کی غنیہ موجود گی مسیں ہوائی بان درج ذیل لمحیاتی ششرح سے اسے راع پذیر ہوگا،

$$Rv_{i,i_{local}} = Ma$$
 (موائی بان کی پہلی مساوات)

جباں M ہوائی بان کی لمحاتی کمیت (بشمول عنیہ استعال شدہ ایٹ مھن)، R ایٹ مھن کے استعال کی سشرح، اور ا_{سٹان} V ہوائی بان کمچن کادھکاہے۔ ا_{سٹان} V ہوائی بان کمچن کادھکاہے۔

متقل R اور رہن v_i کی صورت مسیں اگر ہوائی بان کی رفت اد v_i سے تبدیل ہو کر v_j ہو حبائے، اور کمیت M_i سے تبدیل ہو کر M_i ہو حبائے تب درج ذیل ہوگا۔

$$v_f - v_i = v_{i}$$
ار این کی دوسسری مساوات) است نی $\frac{M_i}{M_f}$

rocket' exhaust'

متغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

ا ۔ تک ہم منسرض کرتے رہے ہیں کہ نظام کی کل کمیت اٹل ہے۔ بعض اومتات، مشلاً ہوائی بان مسیں، ایسا نہیں ہو گا۔اڑان سے قبل چ**بوترہ روانگیر "یر کھٹڑے ہوائی بان کی زیادہ ترکیت** درامسل ایپندھن ہو گی،جو آحنسر کار جبل کر ہوائی بان کے انجن کی **ٹونٹھ** ''سے دھوں کی شکل مسیں منارج ہوگا۔ اسراع پذیر ہوائی مان کی متغب کمیت سے نیٹنے کی مناطسر نیوٹن کے دو سے تعدے کا اطلاق، صرف ہوائی بان کی بحبائے، ہوائی بان اور منارجی مواد دونوں کو اکھی الستے ہوئے کسا حساتا ہے۔ ہوائی مان کی اسسراع کے دوران اسس نظیام کی کمیت تب رمل نہیں ہو گی۔

اسے راع کی تلاسشیں

ف رض کریں ہم جودی حوالہ چو کھٹ کے لحباظ سے ساکن بیٹھے ف**ضائے ماورا** مسیں،جہاں کوئی تحباذ بی یاہوائی کی رگڑی قوت موجود نہیں، ہوائی بان کو اسسراع کرتا دیکھ رہے ہیں۔ اسس یک بُعدی حسر کت کے لئے ہم ، افتیاری کمحیہ tیر، ہوائی بان کی کیت M اور ستی رفت ارv و نسر ض کرتے ہیں (شکل 22a.9)۔

شکل 22b.9وقتی دورانہ dt کے بعد صورت حسال پیش کرتی ہے۔ ہوائی بان کی ستی رفت او v + dv اور کمیت M + dM بیں، جب ان کمیت مسین تب د لمی طل اس منفی معتبدار ہے۔ وقف dt کے دوران ہوائی بان سے حسرج مواد کی کمیت dM — اور جمو دی حوالہ چو کھٹ کے لحب نظ سے مواد کی مستی رفت اُر U ہے۔

معسار حسرکت کی بقسا ہو گی

ہمارانظام ہوائی مان اور وقف طt مسیں حضرج موادیر مشتمل ہے۔ نظام سند اور حبداہے المبنذاو قف، طt کے دوران نظام کی خطی معیار حسر کت کی بقسالاز می ہے۔ یوں ذیل ہو گا

$$(r.ii)$$
 $P_i = P_f$

جہاں زیر نوشت i اور f بالت رتیب و تف dt کے آغباز مسیں اور اسس کے اختام پر قیمتیں ظہر کرتی ہیں۔ مساوات ۱۱ سررج ذمل لکھی حساسکتی ہے

$$(r.r) \hspace{3cm} Mv = -\operatorname{d}\!M\,U + (M+\operatorname{d}\!M)(v+\operatorname{d}\!v)$$

dt ہیں ہاتھ بیسلا حبزو وقف dt کے دوران حنارج کر دہ مواد کا فطی معسار حسر کت اور دو سراحبزو وقف کے اختیام پر ہوائی بان کاخطی معیار حسر کت ہے۔

launchingpad

اضافى رفت اركااستعال

مساوات ۳.۱۲ کی سادہ صورت ہوائی بان اور حسنسرج مواد کے پھی اصنافی رفت ار استعال کرکے حساصل کی حسبا سے تقریب استعال کرکے حساصل کی حسبات ہے۔ سات تی ہے۔ اصنافی رفت اراور چوکھٹ کے لیے اظامے سستی رفت ارول کے پھی درج ذیل تعساق پایا حساتا ہے۔

اسس نتیب کومب وات ۳.۱۲ مسین U کی جگب ڈال کر کچھ الجبرائے بعب ذیل حساسل ہوگا۔

$$-dMv_{ij} = Mdv$$

دونوں اطسران طt سے تقسیم کرتے ہیں۔

$$-\frac{\mathrm{d}M}{\mathrm{d}t}v_{\dot{\mathbf{U}}} = M\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$$

ہم dM/dt (جو ہوائی بان کی کیت مسیں کی کی شرح ہے) کو $R-\overline{\mathbb{Q}}$ ہوائی بان کی کیت مسیں کی کی شرح ہے) کو $R-\overline{\mathbb{Q}}$ ہوائی بان کی اسسرائے ہے۔ ان سبد ملیوں کے ساتھ مساوات ۱۵ سازیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(r.17)$$
 $Rv_{i-1} = Ma$ $(r.17)$ $Rv_{i-1} = Ma$ $(r.17)$

ہر کھے پر معتادیر کی قیمتیں مساوات ۱۲.۳مطمئن کرتی ہیں۔

مساوات ۱۹ ساکابایاں ہاتھ قوت کا اُبعد $(\log s^{-1} \cdot m s^{-1} = \log \cdot m s^{-2} = N)$ رکھت ہوائی بان کی برد است نہ سال ہوتھ تو سے کا اُبعد $(\log s^{-1} \cdot m s^{-1} = \log \cdot m s^{-2} = N)$ کی برناوٹ پر مخصص ہے؛ لین مشرح R پر ، جس سے ایند ھن (کیسے) صَرف کی جاتی ہوائی بان کی قوقے و ھکی ہو آتے ہے۔ ہم اس حبزو انسانی R کو ہوائی بان کی قوقے و ھکی ہو تا ہے ، جب اراس لیحے پر سے خل ہر کرتے ہیں۔ مساوات R سے R ہے اس کی اسراع کے ہے۔ جب بوائی بان کی کمیت R ہے اسس کی اسراع کے ہے۔

مستى رفت اركى تلاسش

ہم حبانت حیاہتے ہیں کہ جیسے جیسے ہوائی بان این دھن صَرف کرتا ہے اسس کی سستی رفت ارکیسے تبدیل ہو گی۔ مساوات ۱۲ سوزیل کہتی ہے۔

$$\mathrm{d}v = -v$$
نٽن $\frac{\mathrm{d}M}{M}$

thrust

اسس کے تکمل

$$\int_{v_i}^{v_f} \mathrm{d}v = -v$$
نـنی $\int_{M_i}^{M_f} \frac{\mathrm{d}M}{M}$

مسیں M_i ہوائی بان کی اہت دائی کیت اور M_f اختتامی کیت ہے۔ تممل کینے سے ذیل مسل ہوگا

$$(r.$$
اح) $v_f-v_i=v_{i}$ ان کی دو سری ساوات $\ln \frac{M_i}{M_f}$ انسان کی دو سری ساوات ا

جو ہوائی بان کی کیت M_i ہے گئے کہ M_f ہونے کی صورت مسیں ہوائی بان کی رفت ار مسیں اضاف دیتی ہے۔ M_i مساوات ۱۱ مسیں عملامت M_i قدر آتی لوگارتھم منظ ہر کرتی ہے۔) ہم یہاں کثیرالمراحل مہوائی بان کی اون دیت جبان سکتے ہیں جو ایت دھن حضتم ہونے پر حنالی ٹیسٹ کی سے چھٹکارا حساصل کر کے M_f گھٹا تا ہے۔ مشالی ہوائی بان مطاوب معتام پر صورف ضروری نازو سامان کے ساتھ پنچے گا۔

نمونی سوال ۳۰۳: $يوائي بالن کا انجن ، قوت و هکيلي ، اسراع اسب باب کې تب م گزشته مشالوں مسيں نظام کې کيب انگی تحق ميلي ، اسراع اسب باب کې تب م گزشته مشالوں مسيں نظام کې کيب دائل تحق ميلي بان جس کې است دائی تحق ميلي بيب جس کې کيب بيب جس کې کيب بيب د گئي گئي تحق ميلي بيب د گئي بان جس کې است د گئيت که مورف کرتا ہے۔ يوائی بان کے لحاظ سے کيب مواد کې رفت ارتام <math>R=2.3~{\rm kg~s^{-1}}$ ميل ميل د خاص کي توب د محمواد کې رفت ارتام $2800~{\rm m~s^{-1}}$

كلي دى تصور

حساب: يون درج ذيل هو گاـ

$$T = Rv_{\text{i.i.}} = (2.3 \,\text{kg s}^{-1})(2800 \,\text{m s}^{-1})$$

= 6440 N \approx 6400 N (...)\$

(ب) ہوائی بان کی ابت دائی اسسراع کیا ہوگی؟

كلب دى تصور

ہم ہوائی بان کی قوت دھکیل T اور اسس کی اسسراع کی تندر a کار شتہ a ہوائی بان کی توت دھکیل a اور اسس کی اسسراع ورکارے لہندا کہ سے استدائی اسسراع ورکارے لہندا ہم ہوائی بان کی ابت دائی کہیت ہم ہوائی بان کی ابت دائی کہیت a

naturallogarithm² multistage^A

حاب: ان معلوما<u>ت سے</u> ذیل حساصل ہو گا۔

سطح زمسین سے سیدھ اوپر اڑان کے لئے ضروری ہے کہ ابت دائی اسسراع $g=9.8 \,\mathrm{m\,s^{-2}}$ سین سے دیادہ ہو۔ بعنی ، ابت دائی اسسراع کو سطح زمسین پر تحب ذبی اسسراع سے زیادہ ہونا ہو گا۔ دوسسر سے لفظوں مسین ، ہوائی بان پر ابت دائی تحب ذبی تو ہے ، جسس کی عب در M_{ig} ہے

$$(850 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8330 \,\mathrm{N}$$

ے توت دھکیل T کازیادہ ہونالازی ہے، ور نہ ہوائی بان زمسین سے اٹھنے کے وت بل نہمیں ہوگا۔ چونکہ اسس ہوائی بان کی قوت دھکیل (جو یہاں T کازیادہ طور ہوائی ہونگی بان اڑنہمیں پائے گا: یہاں زیادہ طور ہوائی بان کی ضرور ہوائی ہونگی ہ

نظسر ثانی اور حنلاص

مر کز کمیت

ایک نظام جو 11 ذرات پر مشتمل ہو کے مسر کز کمیت کی تعسریف وہ نقطہ ہے جس کے محد د درج ذیل ہوں۔

$$x_{\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_i x_i$$

$$y_{\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_i y_i$$

$$z_{\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_i z_i$$

-- $\sum_{i=1}^{n} m_{i}$ ہے۔ M نظام کی کل کمیت M نظام کی کل کمیت است

$$\vec{r}_{\underline{}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_i \vec{r}_i$$

نیوٹن کادوسسرافتانون برائے ذراسے کانظام

ایک نظام، جو ذرات پر مشتل ہو، کے مسر کز کیت کی حسر کت نیوٹن کے دوسرے قانون برائے ذراھے پر مثملی نظام کے تحت ہوگی، جو ذیل کہتا ہے۔

(9.1°)
$$\vec{F}_{ij} = M\vec{a}_{ij} = M\vec{a}_{ij}$$

یہاں نظام پر لاگو تمام ہیں۔ وفی تو تیں مسل کر صافی تو ت جے۔ کی اسسرائ سے مسرکز میں۔ نظام کی کل کمیت M ، اور نظام کے مسرکز کمیت کی اسسرائ سے زئیہ نے \vec{a} ہے۔

خطی معیار حسر کت اور نیوٹن کادوسسرات انون

تنب ذرے کے لئے، مقدار \vec{p} متعدار فی معیار حرکھے کہا تاہے اور جس کی تعسریف ذیل ہے،

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

ہم نیوٹن کا دوسسراف انون اسس معیار حسر کے کی صورت مسیں لکھ کتے ہیں۔

(9.rm)
$$ec{F}_{\dot{\mathfrak{U}}} = rac{\mathrm{d}ec{p}}{\mathrm{d}t}$$

ذرات پر مشتل نظام کے لئے مذکورہ بالا دو تعساق ذیل کھا حبائیں گے۔

(9.72,9.73)
$$\vec{F}_{ij} = \frac{d\vec{P}}{dt} \quad \text{if} \quad \vec{P} = M\vec{v}_{ij}$$

تصادم اور ضر ___

تصادم مسین ملوث زرہ نماجم پر معیار حسر کت کے روپ مسین نیوٹن کے دوسسرے متانون کا اطباق ضرب و خطی معیار حرکت کا ممللہ دیگا:

(9.5°, 9.5°)
$$\vec{p}_f - \vec{p}_i = \Delta \vec{p} = \vec{l}$$

جباں جم کے نظی معیار سرکت مسین تبدیلی $\vec{p}_f - \vec{p}_i = \Delta \vec{p}$ ہے، اور طرب \vec{f} وہ قوت \vec{f} ہے جو تصادم کے دوران دوسر اجم اس (پہلے جم) پر لاگو کرتا ہے۔

(9.5%)
$$\vec{J} = \int_{t_i}^{t_f} \vec{F}(t) \, \mathrm{d}t$$

اگر تصدم کادورانیہ Δt اور اس دوران $\vec{F}(t)$ کی اوسط قیمت اور اجہا ہوتب یک بُعدی حسر کت کے لئے ذیل ہوگا۔

$$J = F_{\text{best}} \Delta t$$

س کن جم پر کیت m کے ذرے، جن کی رفتار ت ہے، برسس کر ذیل اوسط قوت پیدا کرتے ہیں

$$F_{\rm bol} = -\frac{n}{\Lambda t} \Delta p = -\frac{n}{\Lambda t} m \Delta v$$

جہاں ساکن جم سے ذروں کے تصادم کی سشرح $n/\Delta t$ ،اور ہر ایک ذرے کی رفت ار مسیں سبدیلی Δv ہے (جم ساکن رہت ہے)۔ سے اوسط قوت ذیل بھی لکھی حباستی ہے

$$F_{\text{bost}} = -\frac{\Delta M}{\Delta t} \Delta v$$

جہاں $\Delta M/\Delta t$ وہ مشرح ہے جس سے کمیت ساکن جم سے تکراتی ہے۔ درج بالا دومساوات مسیں اگر ذریے تصادم کے بعت درک حباتے ہوں تب $\Delta v = -v$ ہوگا، اور اگر ذریے جم پر شپ کی کھا کر رفت ار مسیں تبدیلی کے بغیب رواپس کو بیس بیس کے بعث میں موگا۔ لوٹیں تب $\Delta v = -2v$ ہوگا۔

خطی معیار حسر کت کی بقب

حبد انظام پر بسیہ رونی قوت عمسل نہیں کرتی، اہلیذااسس نظام کا خطی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہوگا۔

$$ec{P}=ec{P}$$
 (۹.۲۲) (بند، حبدانظام)

اسس کوذیل بھی لکھ کتے ہیں جہاں زیر نوشت کسی ابت دائی لحب اور اختیامی لمحب کوظ اہر کرتی ہیں۔

$$(\mathfrak{q}. r r)$$
 $ec{P}_i = ec{P}_f$ $(بند، جبدانظ م)$

مذكورہ بالادونوں مساوات خطم معیار حركھ کی بقا كوبيان كرتى ہیں۔

ايك بُعد مسين غني ركپ كي تصادم

دواجب م کی غیب رکی تو انائی مستقل نہیں ہوگی)۔ اگر انسام کی خسب رکی تو انائی کی بقب نہیں ہوگی (حسب کی تو انائی مستقل نہیں ہوگی)۔ اگر نظام سے کل خطی معیار حسر کت کی بقب الازما ہوگی (یہ مستقل ہوگا)، جس کو سمتی روپ مسین ذیل کھی جب سکتا ہے، جب ل زیر نوشت i اور i بالت رتیب تھی دم سے عسین قبل اور اسس کے عسین بعب لمحیات ظاہر کرتی ہیں۔

$$\vec{p}_{1i} + \vec{p}_{2i} = \vec{p}_{1f} + \vec{p}_{2f}$$

ذروں کی حسر کت ایک محور پر ہونے کی صورت مسیں تصادم یک بُعدی ہو گااور ہم مذکورہ بالامساوات کو محور کے ہمسراہ سستی رفت اراحب زاء کی صورت مسین ذیل لکھ کتے ہیں۔

$$(9.2) m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

اگر دو جیم آلپس مسیں چپک حبائیں، تصادم تکسل غیسر کی ہو گااور دونوں اجسام کی اختتا می سنتی رفتار V ہو گی (کیونکہ ہے۔ آلپس مسین حبٹرے میں)۔

مسر کز کمیت کی حسر کت

دومتصادم اجسام کے بسند، حبدانظ ام کے مسر کز کمیت پر تصادم اثر انداز نہسیں ہو گا۔ بالخصوص، مسر کز کمیت کی سستی رفت ار _{سر کز کست} تن کو تصادم تب دیل نہسیں کر تا۔

ايك بُعدمين لحي كي تصادم

کسی تعدد م ایک حناص قتم کاتعدد م ہے جس مسیں متصدد م اجسام کے نظام کی حسر کی توانائی برفت رار رہتی ہے۔اگر نظام م نظام سند اور حبد ابھی ہو، اسس کا خطی معیار حسر کت بھی برفت رار رہے گا۔ یک بُعدی تعدد م کے لئے، جس مسیں جم 2 ہرف اور جم 1 گولاہے، حسر کی توانائی اور خطی معیار حسر کت کی بقب، تعداد م کے عسین بعد سسمتی رفت ارول کے لئے درج ذیل مساوات و بتی ہیں۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

(9.14)
$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

دوابعهاد مسين تصادم

اگر دو جہم یول ککرائیں کہ ان کی حسر کہ ۔ ایک ہی محور پر نہ ہو (ککر آنے سے نہیں)، تصادم دو اُبعدی ہو گا۔اگر دوجسمی نظام ہنداور حبداہو، معیار حسر کے کی بقب کے متانون کااطبال تصادم پر ہو گاجو ذیل کھیا حب بے گا۔

(9.22)
$$ec{P}_{1i} + ec{P}_{2i} = ec{P}_{1f} + ec{P}_{2f}$$

احبزاء کے روپ مسیں ہے و تانون دوم اوات دے گاجو تصادم کو بیان کریں گی (دوابعد دمسیں ہر بُعد کے لئے ایک مصاوات دیگی۔ مصاوات دیگی۔ مصاوات دیگی۔ $K_{1i}+K_{2i}=K_{1f}+K_{2f}$

متغير تميتي نظام

ہیں۔ ونی قو توں کی عب دم موجو دگی مسیں ہوائی بان ذیل لحب تی ہشسرے سے اسسراع پذیر ہوگا

$$(9.12) Rv_{ij} = Ma (-1)^{l}$$

جہاں M ہوائی بان کی لمحی تی کیت (جس میں غیبر استعال شدہ ایندھن شامسل ہے)، R ایندھن کے اصراف کی مشرح، اور v_i ہوائی بان کے لحی اظرے حسرح کی اصافی رفت ارہے۔ حبز و v_i ہوائی بان کی اجم کی گوقت v_i اور v_i کی اصل کی جس کی v_i اور v_i کی اطراف کی v_i کی اصل کی براسس کی رفت اور v_i کی v_i کی میں جس کی v_i کی رفت اور v_i کی میں جس کی v_i کی رفت اور v_i کی رفت اور رکون کی رکون کی

$$v_f - v_i = v_{i}$$
 ابن نی دوسری ساوات $\ln \frac{M_i}{M_f}$ ابن نی دوسری ساوات)

سوالا ____

سوال ۱۰۰۱: تین ذرات جن پر بسیرونی قوتیں عمسل کرتی ہیں کافصن انی جبائزہ شکل 9۔23 مسیں پیش ہے۔ دو ذروں پر قوتوں کی متدریں اور سمتیں دی گئی ہیں۔ تین ذروی نظام کامسر کز کمیت (۱)ساکن، (ب) دائیں رخ مستقل مستی رفت ارہے، اور (ج) اوپر وار اسسراغ پذیر ہونے کی صورت مسین تیسری قوت کی صدر اور سمت تلامش کریں۔

سوال ۳۰۲: بلارگڑمتوی پر متقل میں رفت اروں ہے حسر کت کرتے ہوئے ایک برابر کمیت کے حپار ذروں کافصنائی حب از مروں کی جوڑیاں بنائیں۔ حب نزدہ شکل 24.9میں پیش ہے۔ ستی رفت اروں کے رخ دیے گئے ہیں؛ ان کی متدریں برابر ہیں۔ ذروں کی جوڑیاں بنائیں۔ کون می جوڑی ایب نظام دیتی ہے جس کامسر کز کمیت (ساکن ہے، (ب) ساکن ہے اور مبدا پر ہے، اور (ج) مبدا ہے؟

سوال ۱۳.۳ سنرض کریں ایک ڈب، جو x محور پر مستقل مثبت سنی رفت ارسے حسر کت مسیں ہو، دھا کے سے دو کلوں مسیں تقسیم ہوتا ہے۔ ایک کلرا، جس کی کیت m_1 ہے، مثبت سنی رفت ار \vec{v}_1 سے حسر کت کرتا ہے۔ دو سرا کلوا جس کی کیت m_2 ہوتا ہے۔ ایک مسئی رفت ار \vec{v}_2 ہوتا ہے۔ ایک مسئی رفت ار \vec{v}_3 ہوتا ہے۔ ان مسکن نت نگی کی در جب بندی مطابقتی \vec{v}_1 کی وحد رک کے نظرے ، اعظم اول دکھ کر، کریں۔

سوال ۱۳.۳: تصادم مسین ملوث جسم کے لئے قوت کی ت دربالقابل وقت کی ترسیات مشکل 26.9 مسین پیش ہیں۔ ترسیات کی در حب ببندی جسم پر قوت د تکلیل کی ت در کے لیے ظامے ، اعظم اول دکھ کر ، کریں۔

سوال ۳۰۵: بلار گڑ مستوی پر حسر کت کرتے تین ڈیوں پر عمسل پسیر اقوت کا فصنائی نظبارہ شکل 27.9 مسیں پیشس ہے۔ ہرایک ڈب کے کئے، کسیامحور ۱۲ کے ہمسراہ خطی معیار حسر کت کی بقب ہوگی؟

سوال ۲.۳: تین یاحپار یک ان ذروں کا گروہ،جو محور x یامحور y کے متوازی ایک رفت ارسے حسر کرتے ہوں، شکل 28.9 مسین د کھایا گئے ہے۔ مسر کز کمیں۔

سوال ۲.۳: ایک سل بلار گرفت رشس پر حسر کت کرکے اسس جتنی کیے۔ کی دوسسری سل سے کگر اتی ہے۔ شکل 29.9 مسین سلوں کی حسر کی توانائی K کی حیار ممکن ہیں۔ (۱) ان مسین سے کون می طبیعی وجوہات کی بہتا پر ممکن نہیں ؟ باقی مسین سے کون کی (ب) کی کی تصادم اور (ج) عنیسر کی کی تصادم بہتر ظاہر کرتی ہے ؟

-1 بادرگر فسنسر سش پر محور x کے ہمسراہ سل 1 س کن سل 2 کی طسر فست ہے۔ عسین کمپی تصادم میں اللہ ہور ہور کا کی تصادم کے قبیل کھے۔ پر ان کی تصویر کئی شکل 30.9 مسین کی گئی ہے۔ اسس لمحب پر ان نظام کے مسر کز کیست کے تین مسکن معتام بھی پیش ہیں۔ (نقطہ B سلوں کے مسراکز کے در میان نصف و ناصلے پر ہے۔) اگر تصادم کے بعد نظام کا مسر کز کیست A (بر) کر رہیں کے بعد نظام کا طسر ف گامسزن ہوگا؟ تیجھے کی طسر ف گامسزن ہوگا؟ تیجھے کی طسر ف گامسزن ہوگا؟ آگے کی طسر ف گامسزن ہوگا؟ مسرف گامسزن ہوگا؟

سوال ۳.۹: دواجسام محور x ہے ہمسراہ یک بُعدی کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ شکل 31.9 مسیں اجسام اور مسرکز کیے۔ سے اللہ علی معتام بالمقائل وقت ترسیات پیش ہیں۔ (ا) کسیا دونوں جم ابت دائی طور پر حسر کسے مسیں تھی، یاان مسیں سے ایک ساکن ہے؟ کون لکسیری قطع (ب) تصادم سے قبل اور (ج) تصادم کے بعد مسرکز کمیت دیت ہے؟ (د) کسیاتصادم سے قبل زیادہ ہے، کم ہے، یااسس (د) کسیاتصادم سے قبل زیادہ ہے، کم ہے، یااسس

کے برابرہے؟

سوال ۱۰۰۰: افقی فسنسرسش پر سل ابت دائی طور ساکن، محور ٪ کے ہمسر اومثبت رخ بیا محور کے منفی رخ حسر کے مسین ہے۔
ہے۔ سل دھاکے ہے دو مکڑوں مسین تقسیم ہوتا ہے جوائی محور پر حسر کے کرتے ہیں۔ فسنسرض کریں سل اور اسس کے دو مکڑے ایک ہنداور حبد انظام دیتے ہیں۔ سل اور مکڑوں کے معیار حسر کے بالمقابل وقت لم کی چھ ترسیات مشکل محکے معیار حسر کے بالمقابل وقت لم کی چھ ترسیات مشکل محکور ہے۔ میں محکن ہیں ؟ دبو ہاسے چیشش کریں۔

سوال ۱۳.۱۲ دوجہم اور ان کے مسر کز کمیت کی معتام بالقابل وقت کی حپار ترسیات پیش ہیں۔ یہ جم بنداور حبدا نظام دیتے ہیں اور محور x پر چپلتے ہوئے یک بُعدی مکسل غیبر کمپ کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ کسیاتر سیم آ مسیں (ا) دو جم اور (ب) مسر کز کمیت محور x پر مثبت رخ یا منفی رخ حسر کت کرتے ہیں؟ (ج) کو نمی ترسیم طبیعی نامسکن ہے؟ وجب پیشش کریں۔

مسركزكيت

xy اور کیت xy اور کید $(-1.20 \, \text{m}, 0.500 \, \text{m})$ ، اور کید xy اور کید ازروک افتی مستوی پر پائے جب تے ہیں۔ کمیت $(-0.500 \, \text{m}, -0.750 \, \text{m})$ سے دوروں افتی مستوی پر پائے جب تے ہیں۔ کمیت $(-0.500 \, \text{m}, -0.750 \, \text{m})$ بر ہوگا؟

 $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_2 = 4.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 3.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$ اور نقال می مرکز کمیت کار اور $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$ اور نقال می مرکز کمیت اس در کی حب از برای منتقل موگا، اس سے دور منتقل موگا، یاساکن رہے گا؟

روال ۱۹۵۵ میں دکھیا گیے۔ سل جس کے اضلاع $d_1 = 11.0 \, \mathrm{cm}$ دور $d_2 = 2.80 \, \mathrm{cm}$ اور $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لوہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (

سوال ۱۳۰۱٪ تین میسان چین مسین بر ایک کی لمبائی x اور افتی ڈنڈی کی کمیس کی لمبائی x اور افتی ڈنڈی کی کمیس کا x اور افتی ڈنڈی کی کمیس کا x اور افتی ڈنڈی کی کمیس کا x کمیس کا اور افتی ڈنڈی کی کمیس کا اور افتی ڈنڈی کی کمیس کا کمیس کا کا اور کمیست کا اور کمیس کا کا کمیس کا کا کمیس کا کا کمیس کا کارگراند کا کمیس کا کمی

x (۱) کاریست: کیساں موٹائی کاحپاور شکل 38.9 مسیں پیش ہے۔ اگر $L=5.0\,\mathrm{cm}$ ہوحپاور کے مسر کز کمیت کا(۱) مید داور (ب) محمد دکسیا ہوگا؟

سوال ۱۱.۳: ت تابل نظر رانداز موٹائی کی کیساں دھاتی حپادر سے بنایا گیا مکتب شکل 39.9 مسیں پیش ہے۔ مکتب اور $y = 40 \, \mathrm{cm}$ کی کست کا $x = 40 \, \mathrm{cm}$ کمسر کر کمیت کا اور کی کیسے کے مسر کر کمیت کا اور کی کا محدد تلامش کریں۔

سوال ۱۹ سے ایمونیا سال (NH₃) ، جس مسیں ہائیڈروجن جوہر (H) متساوی الاضلاع بٹلاث بین نے ہیں ، حسن مسیل ہائیڈروجن جوہر $d=9.40\times 10^{-11}\,\mathrm{m}$ وجن $40.9\,\mathrm{m}$ میں جیش ہے۔ بٹلاث کا مسر کزہر H جوہر ہے $10^{-11}\,\mathrm{m}$ وجن $10^{-11}\,\mathrm{m}$ جوہر $10^{-11}\,\mathrm{m}$ اسس ہرم کی چوٹی پر واقع ہے جس کا تل تین H جوہر بناتے ہیں۔ نائیٹروجن اور ہائیڈروجن کی جوہر کی کمیت نسبت $10^{-11}\,\mathrm{m}$ وجن تاہائیڈروجن فناصلہ $10^{-11}\,\mathrm{m}$ ہے۔ سالہ کے مسر کز کمیت کا(۱) $10^{-11}\,\mathrm{m}$ میں درکیا ہوگا؟

سوال ۳.۲۰ یکساں پیکر کی ہوتل جس کی کیہ سے 0.140 kg اور لمب بی ایم 12.0 cm ہے، مسین 0.354 kg مشروب جسری ہے (مشکل 41.9) ہوتل کے سر اور تل مسین، مشروب حضارج کرنے کی عضر ض ہے، باریک سواراخ (جو ہوتل کی کیہ کے کہ اور (ب) کی کی کیہ ہے۔ پر اثر انداز نہیں ہوتے) کے حسر کز کیہ کی اور (ب) کمسل جسری ہوتا ہے مشروب کے مسر کز کیہ کی کا کہ کہ کہ اور گا ہوگا (د) کیک حضار حضار ہوتا ہے، h کو کہ ہوگا ہوگا (د) مسرکز کیہ کے کے لیاندی h کو کہ کہ کر اسس کی کمت رقبہ تا سٹس کریں۔

نیوٹن کادو سے رافت اعبدہ برائے ذرائے کانظام

وال ۳۰۲۱: ایک پتھ و t=0 پر گرنے دیا جب تا ہے۔ دوسر اپتھ و جس کی کیت و گئی ہے، ای بلندی ہے، t=0 بر گرنے دیا جب تا ہے۔ (ا) نقطہ رہائی ہے، $t=300 \, \mathrm{ms}$ بر دو پتھ رنظام کا مسر کز کیت کت اپنے ہوگا؟ (دونوں پتھ راس کھے تک ہوا مسیں ہیں۔) (ب) اس کھے پر دو پتھ رنظام کا مسر کز کمیت کس رفت ارب کے سرکت کرتا ہے؟

سوال ۳۰۲۲: چوراہا تی پر $1000 \, \mathrm{kg}$ کیسے کی گاڑی کھٹڑی ہے۔ جیسے ہی بتی سبز ہوتی ہے گاڑی $4.0 \, \mathrm{m \, s^{-2}}$ کہ مستقل $8.0 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے $1000 \, \mathrm{kg}$ اسراع ہے حسر کسے میں آتی ہے۔ عسین ای کھے ایک ٹرک جس کی کمیسے $1000 \, \mathrm{kg}$ اور وہو $1000 \, \mathrm{kg}$ بسد بتی ہے کشن دور رفت ارب کے گاڑی سے آگے نکلت ہے۔ (ا) گاڑی وٹرک نظام کامسر کز کمیسے $1000 \, \mathrm{kg}$ بسد بتی ہے کشن دور روز کی ایس کی دفت ارک ہوگی ؟

موال ۳.۲۴: دو پھلن باز، جن مسین ہے ایک کی کیسے 65 kg اور دوسسرے کی 40 kg ہے، 10 m ہباؤنڈ ا، جسس کی کیسے وتابل نظر انداز ہے ، محت ہے برون پر کھٹڑے ہیں۔ ڈنڈے کے سرول سے آغن از کرتے ہوئے پھلن بازڈنڈ اکھنج کی کیسے وتابل نظر انداز ہے ، محت ہے برون سے محسر او حسر کرتے ہوئے وت سریب آکر، ملتے ہیں۔ کم کمسیق شخص کتنا ون صدر کے اسے ؟

روال ۳۰۰۵: ایک گولا 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 زاوی پیدیکا حب تا می است دو برابر کلزوں مسین تقسیم ہوتا ہے (شکل 90-42)۔ ایک کلزاجس کا مرکت کے بلت در تقط پر گولا دھائے سے دوبرابر کلزوں مسین تقسیم ہوتا ہے۔

کارفتار دھاکے کے عسین بعبد صف رہے سیدھ اپنچ گر تا ہے۔ دوسسرا کلڑا توپ سے کتنے مناصلے پر گر تا ہے؟ (ہوائی رگڑ نظسرانداز کریں اور زمسین ہموار تصور کریں۔)

t=0 وقت t=0 وقت t=0 پردوذرے محددی نظام کے مبداے پھینے حبتے ہیں (شکل 1-43)۔ ذرہ t=0 بس کی کیت t=0 وقت t=0 بنار گڑا فتی ذرصین پر محور t=0 بر کہ مسراہ t=0 وفتار نے درہ t=0 بر کور t=0 بر کور t=0 وقت t=0 بر کور زرہ t=0 وقت t=0 ویری زاویے پریول پھیکا حباتا ہے کہ سے ہر کمحد ذرہ t=0 ویری کی کیست کو کی کیست کو نیادہ باشد کی بارہ جا کہ کو پہنچت ہے ؟ اکائی سنتی ترقیم میں مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ ہے ہیں جا کہ بارہ ورود کی اسسران اور (ج) اسسران اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ کی بارہ کی دیادہ کو کی بیادہ کی دیادہ کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دورو

سوال ۳۰۲۸ تن زریاب جس کی کیسے 80 kg ہے اور اسد جو ہلکا ہے 30 kg ساکن کشتی مسین بسیٹھ (ناران مسین) کر سیف السلوک جمیس کی کیسے کے لحاظ ہے 3.0 m و ناصلے پر ، اور کشتی کے مسر کز کمیت کے لحاظ ہے 40 cm مسینا کلی واقع ہیں۔ دونوں آپس مسین نشست تبدیل کرتے ہیں۔ اگر کشتی کا مسر کز کمیت گھاٹ کے لحاظ ہے 40 cm افتی حسر کرے ، اسد کی کمیت کے ابوائی ؟

سوال ۳۰۰۹: کندرے سے 6.1 m فنصلے پر 4.5 kg کٹا 18 kg کشتی مسیں کھٹرا ہے (شکل 45.9 سے 18 kg کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کندرے سے کشنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کندرے سے کشنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کی کہ کا اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ ک

خطی معیار حسر کت

سوال ۳٫۳۰۰: ایک گیند جس کی کیت $0.70 \, \mathrm{kg} = 5.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ افقی حسر کت کر کے انتصابی دیوار سے نگراکر $2.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ در انتصابی دیوار سے نگراکر $2.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$

سوال ۱۳۳۱: ایک ٹرک، جس کی کیت $2100 \, \mathrm{kg}$ ہوئے مشرق کو مشرق کو مشرق کو ایک ٹرک، جس کی کیت $51 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}$ اگر اسراغ پذیر ہوتا ہے۔ (ا) ٹرک کے حسر کی توانائی مسیں تبدیلی کی ہوگا ؟ ٹرک کے معیار حسر کت مسین تبدیلی کی (ب) تبدیل کی (ب) تبدیلی کارٹ کیا ہوگا ؟

روال $p_1 = p_1 = p_2$ برسطخ زمین سے مار کر روانا کیا حباتا ہے۔ گیت دکا معیار $p_1 = p_2$ برسطخ زمین ہے مار کر روانا کیا حبال $p_1 = p_2$ ورجال $p_2 = p_3$ برسطخ رجبال $p_3 = p_4$ برسطخ رجبال $p_3 = p_4$ برسطخ رجبال $p_4 = p_5$ برسطخ رجبال $p_5 = p_6$ برسطخ رجبال $p_6 = p_6$ برسطخ رکت کا معیار کا معیار کیا ہوگئی کا معیار کا معیار کیا ہوگئی کا معیار کیا ہوگئی کا معیار کیا ہوگئی کے دور کا معیار کیا ہوگئی کے دور کا معیار کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کیا ہوگئی کر کیا ہوگئی کیا ہوگئی کر کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کیا ہوگئی کر کیا ہوگئی کیا ہوگئی کے دور کیا ہوگئی کر کیا ہوگئی کیا ہوگئی کر ک

 $4.0 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$ کابت د کابت د ائی زاوی ہے کیا ہے؟ (ایشارہ:وہ حسل تلاشش کریں جس مسیں ترسیم کازیریں ترین نقط پڑھنے کی ضرورت پیشس نے آئے۔)

 35° سے گرانے سے محسین قبل $0.30~{\rm kg}$ کیت کا گلیند $15~{\rm m~s^{-1}}$ سے گرانے سے محسین قبل $30~{\rm kg}$ کیت کے ساتھ گامسزن ہے۔ بلے کے ساتھ تمس سے دوران گلیند کے معیار مسرکت مسین تبدیلی کی وقت در کریا ہوگی آگر گلیند (ا) سید مسانف بی نیجے رخ $30~{\rm m~s^{-1}}$ کی اور (ب) افتی واپس $30~{\rm m~s^{-1}}$ کی رفت ارسے لوٹے ؟

سوال ۱۳۳۳: سشکل 47.9 مسیں 47.9 کیسے گیند کافعن کی حبائزہ پیش ہے۔ گیند اطسرانی دیوارے میکی کھاتا دکھایا گیا ہے۔ گیند کامت کی گیند کے مستی کھاتا دکھایا گیا ہے۔ گیند کی استدائی رفتار x = 0.00 = 0.00 = 0.00 ورزاویہ x = 0.00 = 0.00 کھیار رفتار کا جب نہ دوائر انداز نہیں ہوتا۔ (ا) زاویہ x = 0.00 کیسا ہوگا؛ (ب) گیند کے خطی معیار حسر کست مسین سے ہوگا؛ (گیند کے لڑھاہ کا پیسال کوئی کر دار نہیں۔)

تصادم اور ضرب

موال ۱۳۳۵: ایک مسحنسرہ 12 سبندی ہے 30 cm گہسرے پانی مسین پیٹ کے بل گر کر لوگوں کا دات لیتا ہے۔ فضر من کریں، عسین پانی کی تہرہ کو چنچ کر یہ شخص رکتا ہے۔ اسس کی کمیت فنسر ض کر کے اسس پر پانی کی ضرب کی فسر سب کی کمیت فنسر من کر ہے۔ اسس کریں۔

سوال ۳۳۳: چھت رسپائی $370 \, \text{m}$ بلندی پر پرواز کرتے ہوئے طیارے سے کو د تا ہے۔ بدقتتی ہے اسس کی چھت ری نہیں کھسل پاتی۔ وہ برنے مسین گر کر معمولی زخمی ہوتا ہے۔ و سنسر ض کریں زمسین پر پہنچ کر اسس کی (افسیسر) رفت اور $66 \, \text{m s}^{-1}$ کیسے (بمنع سازو سامان) $85 \, \text{kg}$ ہے، اور اسس پر برنے کی قوت کی تدر کا $1.2 \times 10^5 \, \text{N}$ کیسے زندہ رمیاتا ہے)۔ (ا) برنے کی تہہہ کم ہے کم کتنی موٹی ہے؟ (ب) اسس پر برنے کی ضرب کی تدر کی ہے؟

سوال ۳۰۳۷: زمسین پر 1.2 kg کا گیند $5 m s^{-1}$ رفتارے انتصابی گرتا ہے۔ ٹیکی کے بعید اسس کی استدائی رفتار $10 m s^{-1}$ رفتار $10 m s^{-1}$ رفتار $10 m s^{-1}$ رفتار $10 m s^{-1}$ رفتار کتی فر برب مسل کرتی ہے؟ (ب) اگر گیند کی اوسط قوت کتنی ہو گی؟

سوال ۱۳.۳۸ عسین اسس وقت جب ایک شخص ، جس کی کمیت 70 kg ہے ، کری پر بیٹھت ہے اسس کا مشعرارتی دوست کری تھینچ لیتا ہے ، جس کی بدوات پہلا شخص 0.50 مینچ زمسین پر گر تا ہے ۔ اگر زمسین کے ساتھ تصادم کا دورانیہ 8 0.082 ہو، تصادم کے دوران شخص پر زمسین (۱) کی ضرب اور (ب) اوسط قوت کتی ہوگی ؟

27 ms میں کور x پر ابت دائی طور پر مثبت رخ 14 m s $^{-1}$ سے حسر کت کرتے ہوئے x پر ابت دائی طور پر مثبت رخ x بالم سے معنی رخ قوت مسل کرتی ہے۔ قوت کی مت در مسیں تبدیل پائی حباتی ہے اور ضرب کی مت در کے منتی رخ قوت کی اوسط x عصین بعد گیند کی (ا) رفت اد اور (ب) اسس کارخ کیا ہوگا؟ (ج) قوت کی اوسط مت در اور (د) گیند پر ضرب کارخ کسیا ہوگا؟

سوال ۱۳٬۳۰۰ ایک پہلوان مینز پر 13 m s⁻¹ رفتارے تھیٹر مار تا ہے۔ اسس کا ہاتھ 5.0 ms کے تصادم مسیں رکتا ہے۔ فضر ض کریں تصادم کے دوران ہاتھ اور بازوایک دوسسرے پر اثر انداز نہیں ہوتے اور ہاتھ کی کیسے 0.70 kg ہے۔ ہاتھ پر مینز کی (ا) ضرب کی متدر اور (ب) اوسط قوت کی متدر کے ہوگی؟

 $500\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ہونے پر $3\,\mathrm{g}$ کی $100\,\mathrm{d}$ گولیاں فی سینڈ سٹر ہے جہائی حباتی ہیں۔ گولی کی رفت اور $3\,\mathrm{g}$ کی سوال ۱۳.۳: ہونے پر اورط قوت کی متدر کہا ہوگی؟

سوال ۱۳۸۳: بلند کن کی کرے پہلے اچھان بلند کن کارب ٹوشت ہے اور بدقتمتی ہے اسس کا حضاظتی نظام بھی ناکارہ ہوتا ہے، جس کی بدولت ہے۔ فقص کر تا ہے۔ زمسین پر پڑنچ کر 90 kg سوار 5.0 ms کے تصادم مسین رکتا ہے۔ (مسیرض کریں سنہ بلند کن اور سنہ ہے شخص شہکی کھاتے ہیں۔)تصادم کے دوران شخص پر (ا) ضرب اور (ب) اوسط قوت کی مصادم ہے قبل ، بلند کن کے لیے نظے شخص 7.0 ms کی رفت ارسے اوپر چھانگ لگائے (ج) خص 1 اور (د) اوسط قوت کی صدرین کہا ہوں گی (رکنے کا دورانہ ہوں تصور کریں)؟

x بوان ۱۳۳۳: یچوں کا کھنے ونا جس کی کیت x بور کور x پر حسر کت کر سکتا ہے۔ شکل 150.9 اس قوت x کا جبزو x بی کا کھنے ہو کھنے ونے پر بھو ساکن حسالت سے لمحت x وہ x کا کہنے وہ کھنے ونے پر بھو ساکن حسالت سے لمحت x وہ بی کہنے وہ کہنے وہ

51.9 موال 7.7%: عسین تصادم ہے قبل اور عسین تصادم کے بعد $0.300\,\mathrm{kg}$ گیند بلے ہے کراتا ہوا شکل 51.9 مسین دکھیایا گیا ہے۔ عسین تصادم ہے قبل گیند کی سمتی رفتار \vec{v}_1 کی تدر $12.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور زاویہ 35.0° ہے۔ تھادم کے عسین بعد گیند کی سمتی رفتار \vec{v}_2 کی قتدر $10.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ ہوارے سیدھیا اوپررخ سرکت کرتا ہے۔ تھیادم کا دورانیہ $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$ ہور کے گیند پر بلغ کی خرب (ا) کی قتدر اور (ب) مثبت $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$ کول خاط ہے۔ تھیادم کی اوسط قوت کی (خ) قتدر اور (د) رخ کیا ہیں ؟

basilisklizard⁹

سوال 70.70: دیوار کے ساتھ g 58 کمیت کا گیند کراتا ہے۔ شکل 63.9 مسیں تصادم کی قوت کی متدر F بالمقائل وقت t میں تصادم کی گئی ہے۔ گیند گئی ہے۔ گیند گئی ہے۔ گیند گئی ہے۔ گیند کی دیوار کوعسود کی داہوں اوست ہے۔ تصادم کے دوران گیند پر دیوار کی قوت کی زیادہ سے زیادہ متدر بین ہے F کسیا ہوگئی؟

سوال ۱۳۸۸ بنت بارگزبر من فی سطح پر $0.25 \, \mathrm{kg}$ مسترص کن پڑا ہے۔ لحب 0=t=0 بر $0.25 \, \mathrm{kg}$ افقی قوت ، جہاں قوت نیوٹن مسیں اور وقت سیکنڈ مسیں ہے ، مسترص کو حسر کست ویت ہے۔ قوت کی متدر صند رہونے تک سید مسترص پر عمسل کرتی ہے۔ (1) لحب $t=0.500 \, \mathrm{s}$ اور $t=1.25 \, \mathrm{s}$ کا ور شاہد کی خرب کی متدر کسیاہو گی؟ (ب) وقت $t=0.500 \, \mathrm{s}$ میں اور حسر کست میں میں اور حسر کست میں اور کسیاہو گی؟ (ب) وقت t=0 کا کہا ہو گی کی اور کسیاہو گی؟ (ب) وقت کی میں اور کسیاہو گی؟ اور کا کہا ہو گی کہا ہو گی کہا ہو گی؟ (ب) وقت کی میں اور کسیاہو گی؟ اور کسیاہو گی۔ کسیاہو گی؟ اور کسیاہو گی؟ اور کسیاہو گی؟ کسیاہو گیگر کرنے گیگر کسیاہو گیگر کسی

سوال ۳۳،۳۹ کھلاڑی $0.45\,\mathrm{kg}$ گیند کو، جو ساکن ہے، لات مارتا ہے۔ کھلاڑی کا پاوں گیند کے ساتھ $0.45\,\mathrm{kg}$ کا $0.45\,\mathrm{kg}$ کا پاوں گیند کے ساتھ $0.45\,\mathrm{kg}$ کا ور $0.45\,\mathrm{kg}$ کے ساتھ $0.45\,\mathrm{kg}$ کا ور $0.45\,\mathrm{kg}$ کا ور $0.45\,\mathrm{kg}$ کے ساتھ $0.45\,\mathrm{kg}$ کی اور $0.45\,\mathrm{kg}$ کے ساتھ کے ساتھ کی قوت درج درج کی قوت درج کی میں ہے۔

$$F(t) = [(6.0 \times 10^6)t - (2.0 \times 10^9)t^2] \,\mathrm{N}$$

تمس کے دوران (۱) لات ہے گیند پر ضرب کی تدر، (ب) گیند پر اوسط قوت کی تدر، (ج) گیند پر زیادہ سے زیادہ وقت کی تعدر، اور (د) عسین اسس لیحے گیند کی سمتی رفت ارکی و تدر جسس لیحے گیند لات سے علیحہ یہ ہو تا ہے تلاسش کرس۔

خطی معیار حسر کی بقسا

سوال ۳۰۵۱ بلارگر سطچ پر 91 kg کمیت کالیٹا ہوا گخض 68 g پتقسر کو 4.0 m s⁻¹ رفت ارسے سطچ پر روانا کر تاہے۔ سے شخص نتیجت گنتی رفت ارحب مسل کر تاہے ؟

سوال ۱۳۰۵: زمسین کے لیے ظرے $43\,000\,\mathrm{km}\,\mathrm{h}^{-1}$ رفتارے پرواز کرتا فصن کی طیارہ استعال شدہ ہوائی بان موٹر (کمیت 4m) کو فتارے بیجھے (کمیت 4m) کے علیحدہ کرکے مقیاسہ کے لیے ناظرے 4m 82 رفتارے بیجھے بھیے کی مقیاسہ کی فوراً بعد و مقیاسہ کی رفتار زمسین کے لیے ناظرے کمیا ہوگی؟

سوال ۱۳.۵۴ ایک جسم جس کی کمیت ۱۱ اور مشاہدہ کار کے لحاظ سے رفت ار سے ، دھاکے سے دو حصوں مسیں تقسیم ہوتا ہے، جہال ایک کئڑے کی کمیت دوسرے نکڑے کی کمیت کی گئے ہے؛ دھاکہ فضائے ماورا مسیں واقع ہوتا ہے جہال تحباذ بی قوت نہمیں پایا حباتا۔ کم کمسیق نکڑا مشاہدہ کار کے لحاظ سے رک حباتا ہے۔ مشاہدہ کار کی حوالہ چو کھ نے مسین ناسے ہوئے دھاکہ نظام کو کتنی حسر کی توانائی منتقت کرتا ہے ؟

سوال ۳۵۵. تزیادہ بلندی تک یہ پینچنے کی عشر ض ہے، عسین چھالنگ ہے قبل، کھلاڑی دووزن اوپر اٹھ تا اور چھلانگ ہے جسد ، پرواز کے دوران ، ینچ زور سے پھیسٹ آ ہے۔ فسٹر ض کریں ایک کھیاڑی کی کمیت 78 kg اور ایک وزن کی کمیت 5.50 kg اور ایک وزن کی کمیت 5.50 kg ہے۔ سے کھلاڑی بلند چھلانگ کی بجبائے کبی چھلانگ لگانا حہاستا ہے۔ اسس عشر ض کمیت چھلانگ کے دوران بلند ترین نقط پر پہنچ کو کھلاڑی وزن افقی ہوں پچھے پھیسٹ آ ہے کہ زمسین کے لحاظ سے ان کی سے چھلانگ ہونت اور بمع وزن دونوں صور توں مسیں، افتی سے تر فت ارتبار صف ہوتی ہے۔ لحمہ اٹھان پر کھلاڑی کی سستی رفت ار ، بغیبر وزن اور بمع وزن دونوں صور توں مسیں، \vec{v} ہون کہ آخور ہے۔ اور زمسین کو ہم سطح تصور ہے۔ وزن کا استعمال اسس کو کتن اصل طے کراتا ہے؟

سوال ۱۳۰۵: ساکن جم دھاکے ہے وو گلڑوں R اور L مسیں تقسیم ہوتا ہے، جو بلار گڑ سطح پر گزرنے کے بعد ر گڑ کے خطوں مسیں داختال ہو کر آخت کہ کار رہتے ہیں (شکل 57.9 کی کیسے $2.0\,\mathrm{kg}$ ، اور جس کا سامت خطوں مسیں داختال ہو کر آخت کہ کار رہتے ہیں (شکل 57.9 کی کیسے U سامت U کی کیسے کی کیسے کی کار گڑ کے مستقل ہے ہے، U کی کیسے کی کیسے کی کیسے کی گئی ہے کی کار گڑ کے مستقل ہے ہے، کار گڑ کے مستقل ہے ہے، کار گڑ کے مستقل ہے ہے، کی کار گڑ کے مستقل ہے ہے، کار گڑ کے مستقل ہے ہے، کی کار گڑ کے کار گڑ کر کار کے کار گڑ کر کے کار گڑ کے کار گڑ کے کار گڑ کے کار گڑ کر گڑ کے کار گڑ کے کار گڑ کر کر کر گڑ کے کار گڑ کر کر گڑ کر کر کے کار گڑ کر گڑ کر گڑ کر کر گڑ کر گڑ کے کار گڑ کر کر گڑ کر کر گڑ کر کر گڑ کر کر گڑ کر گڑ کر گڑ کے کار گڑ کر گڑ

سوال ۱۳.۵۷ ایک جس کی گیہ 20.0 kg بنت میں x محور کے مثبت رخ 20.0 kg رفت اسلام 10.0 kg میں x محور کے مثبت رخ 10.0 kg مسلام 10.0 kg حسر کرت کے دوران اندرونی دھاکے کی وحب سے تین مکڑوں مسیں تقسیم ہوتا ہے۔ ایک مکڑا جس کی گیہ 4.0 kg ہے، نقط دھاکہ سے مثبت x محور کر حسن کی گیہ میں x محور کی حسن منبی x محور کی حسن میں انداز کر ہے۔ (ا) اکائی سستی ترقیم مسیں تیسرے مکڑے کی سستی رفت ارتلاسش کریں۔ (ب) دھاکے مسیں کتنی تو انائی رہا ہوتی ہے ؟ تحب ذی قوت کے اثرات نظر انداز کریں۔

سوال ۳۵۰ تا ہے۔ جسم ، جس کی کمیت $4.0~\mathrm{kg}$ ہے ، بلار گڑ سطح پر حسر کت کرتے ہوئے دھا کے ہے دو $2.0~\mathrm{kg}$ ککڑوں مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک کلانا $3.0~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-1}$ شمال کی طسر وزر دوسر ا $3.0~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-1}$ مشرق ہے $30~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-1}$ کرانا ہوتا ہے۔ جم کی اہت دائی رفت ارکب ہے ؟

سوال ۲۰۰۰: زرہ A اور ذرہ B جن کے نیج و با ہوا اسپر نگ ہے کو زبر دستی اکٹھے کیؤ کر رکھ گیا ہے۔ رہا کرنے پر اسپر نگ انہیں محنالف رخوں د تکلیل کر ان سے علیحہ وہ تا ہے۔ ذرہ A کی کمیت ذرہ B کی کمیت کی 2.00 گئا ہے، اور د بے اسپر نگ مسیں ذخیہ وہ تحقی توانائی B ہے۔ وسیر ش کریں اسپر نگ کی کمیت و تبایل نظر انداز ہے اور اسس کی توانائی کلسل طور پر ذروں کو منتقل ہوتی ہے۔ توانائی کا انتقال مکسل ہونے پر (۱) ذرہ A اور (ب) ذرہ B کی حسر کی توانائی کی بیاہو گی ج

معيار حسر كت اور تصادم مسين حسر كي توانائي

موال ۳۰۱۱: منجنی روتاص جس کی کیت 2.0 kg ہے، پر 10 g گولی حیائی حیاتی ہے۔ روتاص کا مسرکز کیت۔ 12 cm بلندی تک پنچتا ہے۔ وضرض کریں گولی روتاص مسین دھنس حیاتی ہے۔ گولی کی اہت دائی رفتار کسیا ہے؟

سوال ۱۳.۷۲ بالرگڑ منسرسٹس پر ککڑی کا تخت جس کی کمیت ہوں 700 ہے ساکن پڑا ہے۔اسس پر 9 5.20 گولی حیال تی بال ۱۳.۳ جس کی کمیت کومار کراسس سے پار 428 m s⁻¹ رفتار سے حسارج ہوتی ہوتی ہوتے تخت کو رفتار کسا ہوگی؟ (ب) تخت و گولی نظام کے مسر کز کمیت کی رفتار کسا ہوگی؟

v عوال ۱۳.۱۳ بار گرفت رسٹس پر پڑے دوس کن جم پر v 3.50 و گول افقی ماری حباتی ہے (مشکل 58.9 الف) ہے گول جم v المحمد بنا ہے گزر کر دوس رے جم ، جس کی کمیت v 1.80 kg ہے ، مسین دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے ، مسین دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے ، مسین دھنس کرتے ہیں کی بیاد والسے جم 1 کی رفت اور جم 2 کی رفت اور جم 2 کی رفت اور جم 1 کی رفت اور جم 1 کے مثل کرتے ہیں جم 1 کی دونت اور کے مواد نظر انداز کرتے ہوئے ، گولہ کی رفت اور اسس کمے تلاشش کریں جب ہے جم 1 کے مثال گوگا ہور (ب) دور نسل ہوتی ہوئے ، گولہ کی رفت اور براحت کی ہوتی ہوئے ، گولہ کی رفت اور براحت کی ہوتی ہوئے ۔

موال ۲۵۰ سز الماسی کاڑی اور بارہ سنگا کے تصادم عسام بات ہے۔ و نسر ض کریں 1000 kg گاڑی 5000 kg سے اس قسم کا سال ۱۵۰۵ سے تعلق کی است فتم کا سال بارہ سنگا ہے نگر اتی ہے۔ (۱) حسر کی توانائی کا کتن فی صد حصہ توانائی کے دیگر صور تول مسیں بیا جب ان کی کا کتن فی صد حصہ کا نگر عسام ہے۔ (ب) اگر یکی گاڑی ساکن اونٹ مسئلہ عسر ب ممالک مسیں پایا جب اتا ہے جب ان گاڑی اور اونٹ کا نگر عسام ہے۔ (ب) اگر یکی گاڑی ساکن اونٹ سے نگرائے جس کی کمیت بڑھنے سے نگرائے جس کی کمیت بڑھنے سے نگرائے جس کی کمیت بڑھنے سے فی صد توانائی کاف بار بارہ سے ایا گھٹت ہے؟

سوال ۱۳.۲۱: انتصابی محور پر مختالف رخ حسر کت کرتے لبدی کے دو گولوں کے بی مکسل غیبر کی تصادم ہوتا ہے۔ عسین تصادم سے قبل ایک گولا، جس کی کمیت 3.0 kg ہے، 3.0 kg اوپر وار اور دوسرا گولا، جس کی

کیت 2.0 kg ہے، 12 m s⁻¹ کے نشیب وار حسر کت کرتا ہے۔ نقطہ تصادم سے دونوں گولوں کا محب وعہ کتی بلندی تک ہے۔ نقطہ تصادم سے دونوں گولوں کا محب وعہ کتی بلندی تک ہے۔ بیٹ کا بیٹ کا بیٹ کا بیٹ کی بیٹ کا بیٹ کا

وال ۱۳۰۸: سرخ اخدار پر کھسٹری گاڑی A (کیسہ 1100 kg کو پیچے سے گاڑی B (کیسہ 1400 kg کر مارتی $d_A = 8.2$ m) کافی کم ہے) پھیل کر آخسٹر کار $A_A = 8.2$ m) اور $A_A = 8.2$ m) کافی کم ہے کہ پھیل کر آخسٹر کار $A_A = 8.2$ m) کافی کم سے کہ بسید (۱) گاڑی $A_A = 6.1$ m) کافی کا کی کے بعد در کتا ہیں۔ عسین تعسادم کے بعد در کتا کافی کی کارفت ارکسی ہوتی ہے۔ عسین تعسادم کے دوران خطی معیار حسرکست کی بقت ہوتی ہے۔ عسین تعسادم سے قب کافری $A_A = 6.1$ کی بھی ہوتی ہے۔ عسین تعسادم سے قب کافری $A_A = 6.1$ کی بھی ہوگی جوران خطی معیار حسرکست کی بقت ہوتی ہے۔ عسین تعسادم سے قب کافری $A_A = 6.1$ کی بھی ہوگی جورف کی دوران خطی معیاد حسرکست کی بھی ہوگی جورف کی دوران خطی معیاد حسرکست کی بھی ہوگی جورف کی دوران خطی معیاد حسین تعسادم سے مقسود کی بھی ہوگی جورف کی دوران خطی معیاد معیاد کی بھی ہوگی جورف کی دوران خطی معیاد کی بھی ہوگی جورف کی دوران خطی معیاد کی بھی کافری کی دوران خطی کی دوران کی دوران کی دوران کی دوران کی دوران کی کی دوران کی دوران کی کی دوران کی دوران کی دوران کی دوران کی دوران ک

سوال ۱۹۹۹ نظر الرائز فسنسر مش پر ساکن اسپر نگ بسند وق، جس کی کمیت $M=240\,\mathrm{g}$ به کانالی مسیس معتام $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کینالی مسیس معتام $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کینند نالی مسیس است معتام پر اثر حباتا ہے جہاں اسپر نگ زیادہ دیا ہے۔ گیند اور نالی کے نیج رائز کی بن حسر توانائی مسیس اضاف و سائل نظر انداز ہے۔ (ا) اس لیح بندوق کی رفتار کمیا ہوگا جب گیند نالی مسیس رکتا ہے؟ (ب) گینند کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتنا حس اسپر نگ مسیس ذخیسرہ ہوگا ؟

 $3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کسے کا دائیں رخ $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی در کسے مسین ہیں (مشکل 63.6)۔ و نسر مش بلار گڑ ہے اور کسل 2 کے ساتھ اسپر نگ پا حبر اللہ جس کی اسپر نگ مستقل $1120\,\mathrm{N\,m^{-1}}$ کے دوران اسپر نگ کا داب اسس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گاجب دونوں کس کی سے میں دفتار ایک ہو ۔ زیادہ سے زیادہ کی دونوں کس کی سے میں دفتار ایک ہو ۔ زیادہ سے زیادہ کے الادہ سے مستقل کا داب اسس کریں۔

ایک بعب د مسیں گئے کی تصادم

ووال ۲۳.۷۲: بلار گرونسرش پر سل A (کیست A ایست A (کیست A (کیست A (کیست A (کیست A (کیست A (کیست و کاراتا ہے) میں؛ مکر اتا ہے (شکل A (کیست قبل نین سن بین) و نساز A (فرونساز A (فرو

سوال ۳۰.۷۳: بلارگر خطی ہوائی ڈگر پر g 340 ویڑھی 1.2 m s⁻¹ ابتدائی رفتارے حپل کر نامعسلوم کیہ۔ کی ساکن ریڑھی ہے نگراق ہے۔ آتسادم کے بعد پہلی ریڑھی رخ برفت رار کھ کر m s⁻¹ ابدائی ہے نگراتی ہے۔ آتسادم کے بعد پہلی ریڑھی رخ برفت ارکہا ہوگی؟ (ج) دور پڑھی نظام کے مسرکز کیہ۔ کی رفت ارکہا ہوگی؟ (ج) دور پڑھی نظام کے مسرکز کیہ۔ کی رفت ارکہا ہوگی؟ (ج) ہوگی؟

سوال ۲۰۰۷: طمیطانیم 'اے دوکرہ ایک رفت ارسے حیال کر آئے سامنے سے کمپی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ تصادم کے بعد ایک کرہ، جس کی کیت کسیا ہے؟ (ب)اگر دونوں کرہ کی است کی کیت کسیا ہے؟ (ب)اگر دونوں کرہ کی است انگی رفت ارکسیا ہوگی؟ کی است انگی رفت ارکسیا ہوگی؟

 $m_2 = 3m_1$ بارگر فنسرسش پر m_1 کیسے کی سل جہل کر ساکن سل، جس کی کمیسے m_1 ہوال 20.4 برائی ہوری کھی تصادم مسیں مبتلا ہوتی ہے۔ تصادم سے قبل دو جسمی نظام کے مسرکز کمیسے کی رفت ارسی کی گرفت ارکیا ہوگی؟ $3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$

سوال ۳۰۷۱: کیسے 0.500 kg کا فولادی گیند 70.0 cm ڈور سے لئک رہا ہے (سشکل 65.9)۔گیند کو ایک حباب اسٹ ایٹ ایٹ ایٹ کا 2.5 kg کی فولادی سل حبابا ہے۔ تخیلے ترین نقط پر پہنچ کر سے 2.5 kg کی فولادی سل سے نگرا تا ہے جو بلار گڑ و نسر سٹس پر ساکن پڑا ہے۔ تصادم کی ہے۔ عسین تصادم کے بعد (۱) گیند کی رفت ار اور (ب) کی رفت ار تال سٹس کریں۔

موال 2.2 : ایک جسم، جس کی کیت 2.0 kg ہے، دوسرے ساکن جسم ہے کئی نگر کے بعد ، رخ بر فترارر کھ کر، ایک جسم نگر نے بعد ، رخ بر فترارر کھ کر، ایک چو فت اَلَی دفتارے حسر کت کر تاہے۔ (ا) دوسرے جسم کی کمیت تلاسٹ کریں۔ (ب)اگر 2.0 kg کی اہت دائی رفتار کے 4.0 m s⁻¹ برفتار کے مسر کز کمیت کی رفتار کے باہو گی؟

2 ، جو ال 2 ، جو الحال 2 ، جو الحال 2 ، جو الحال 3 بالمراكز منسرسش پر 1 المحمد من المحمد 3 بالمحمد و المحمد المحمد المحمد المحمد المحمد و ال

سوال 2.0 m s $^{-1}$ بلار گرو منسرسٹس پر ذرہ 1 جس کی کیسے $m_1 = 0.30$ kg ہوتا ہے دائیں رخ محور x پر $m_1 = 0.30$ و منسال 2.0 m s $^{-1}$ براسس کا یک بین گئیسے ہوتا ہے ،جو ساکن x = 0 فقط ہوتا ہے ،جو ساکن ہوتا ہے ،جو ساکن کیسے $m_2 = 0.40$ kg ہوتا ہے ، شپ کی کیسے وادر جس کی کیسے $m_2 = 0.40$ kg ہے۔ تصادم کے بعد ذرہ 2 دبیار ہے ،جو $m_2 = 0.40$ kg کہار ، رفتار مسین تبدیلی کے بغیب روالح سالوٹ ہے ۔ محور x پر ذروں کا آپ سسین دو سراتصادم کس نقط ہے ہوگا ؟

 $h=2.50\,\mathrm{m}$ بانندى سے دوانا ہو کر m_1 بانندى سے دوانا ہو کر m_1 بانندى سے دوانا ہو کہ باندى سے دو کہ باندى سے دوانا ہو کہ باندى سے دوانا ہو کہ باندى سے دولا ہو کہ باندى سے دولى سے دولى

titanium'*

سوال ۱۳۰۱: چھوٹے گیت کوبڑے گیت کو بڑے گیت کے شیک اوپر معمولی بلت ہی پر رکھ کر دونوں کو جیکوقت $m = 1.8 \, \mathrm{m}$ بلت میں m = 2 گرے دیا جاتا ہے (گیت دول کے رداس m کے لیے اظ ہے حتایل نظر انداز ہیں)۔ ان کی کیت بالت رتیب $m = 0.63 \, \mathrm{kg}$ $0.63 \, \mathrm{kg}$ $0.63 \, \mathrm{kg}$ ورداس کے بعد چھوٹا گیت درمین سے کہی شپ کی کھائے اور اس کے بعد چھوٹا گیت درکی گیت کی شپ کی کھائے ، تو چھوٹے گیت دکی کیت m کتنی ہونی حیا ہے کہ بڑا گیت درجوٹے گیت دے کر اگر رک حیا ہے کہ بڑا گیت درجوٹے گیت دے کر اگر رک حیا گیا ہونی حیا ہے کہ بڑا گیت کی بیت کھوٹا گیت درکی تک حیا ہے کا کہ درجا گار مشکل و 68.9 میں چھوٹے گیت درکی بیت کی بیت کی بیت درکی تک حیا ہے گار مشکل و 68.9 میں کھوٹے گیت کر اگر درکی بیت کی بیت کی بیت کی بیت کی بیت کی بیت کر اگر درکی کی بیت کی بیت کر بیت کی بیت کی بیت کی بیت کر بیت کر بیت کر بیت کر بیت کی بیت کر بیت ک

دوابعها دمسين تصادم

سوال ۱۳۸۳: زره 1 فره الفا" اور ذره 2 مرکزه آسیج تا ہے (شکل 21.9)۔ زره الفازاویہ $\theta_1 = 64.0^\circ$ بر بھے رتا ہے اور مسرکزه آسیج تا ہے اور 0.00 بر بھت رہ کا گئیوں مسیں مسیح تا ہے اور 0.00 بر بھت کے ایک اور مسرکزه آسیج تا کا گئیوں مسیل اور الفاکی کیست 0.00 بر بھت کر آتا ہے۔ 0.00 بر مشت رخ کر رخت رک گئی مصلومات کے کہ کی رفت ار مصلوم نہیں کی جب سے کے اس کر مسلومات ہے۔ 0.00 کی رفت ار مصلوم نہیں کی جب سے کے رفت ار مصلومات ہے۔ 0.00 کی رفت ار مصلوم نہیں کی جب سے کے دور کے رفت ار مصلومات ہے۔ 0.00 کی دور کے رفت ار مصلوم نہیں کی جب سے کے دور کے رفت ار مصلومات ہے۔

سوال ۳.۸۵: برابر کمیت کے دوجیم جوایک ابت دائی رفت ارسے حسر کرتے ہیں غیب رکھپ کی تصادم کے بعد ایک ساتھ نصف ابت دائی رفت ارسے حسر کرتے ہیں۔ ان کی ابت دائی سستی رفت ارکے ﷺ زاوی ہا تلاسٹس کریں۔

سوال B سوال A بین گرونان A بیس کی رفت اور B ابت دان کی جد ان کی میرونان B سے کی گراتا ہے۔ تصادم کے بعد دان کی میں رفت اور A ابت دائی رخ کے ساتھ 60° زاویہ بین تا ہے۔ تصادم کے بعد (۱) پرونان A اور (ب) پرونان B کی رفت ارکسیا ہیں ؟

alphaparticle" oxygennucleus

تغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

سوال ۱۳.۸۸ مشتری کی طسرون من کے تحقیق مندائی طیارہ، جس کی کمیت $6090 \, \mathrm{kg}$ ہے، سورج کے لحاظ ہے 105 m s $^{-1}$ رفتار پر جیلتے ہوئے دم سے $80.0 \, \mathrm{kg}$ منسرج طیارے کے لحاظ ہے $105 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کر رفتار ہے جنسارے کی اختا می رفتار کی ہے ؟

سوال ۱۳۸۹: دو لیم بحبرے ساکن پانی مسین ایک رخ روان ہیں۔ ایک کی رفتار 10 km h⁻¹ اور دوسرے کی 10 km h⁻¹ کے کلہ 10 km h⁻¹ کے کلہ 10.9 بعضی دیر تسینر بحبرا آہتہ بحبرے سے کو ئلہ 1000 kg min⁻¹ مسین کی است کی میں میں بھیکا حباتا ہے۔ ونسر ش کریں بحبرا اور پانی کے فٹی رگڑی توت بحبرا کی کیست پر مخصصہ رہسین اور کو ئلہ سستی رفت ارکو عسمودی پھیکا حباتا ہے۔ رفت اربر و تسرار رکھنے کے لئے (ا) تسینر بحبرا اور پانی کے نئی رفت ارکو عسمودی پھیکا جب تا ہے۔ رفت اربر و تسرار رکھنے کے لئے (ا) تسینر بحبرا اور پانی ہوگئی؟

سوال ۹۰.۳: نصن نے ماورامسیں جمودی حوالہ چوکھ نے کے لحاظ سے ساکن ہوائی بان پر غور کریں۔ ہوائی بان کا انجن کی مخصوص دورانسیہ کے لئے حسالیا حسانا ہے۔ جمودی حوالہ چوکھ نے کے لحاظ سے ہوائی بان کی رفت ار ()حضر ن رفت ار () جنسر ن رفت ار () حضر ن رفت ار کی وقت کے لئے ہوائی بان کی سمیتی تناسب (ابت دائی کی سے حضر ن مواد کی رفت ار کے برابر اور (ب) حضر ن رفت ار کی وگئی ہونے کے لئے ہوائی بان کی سمیتی تناسب (ابت دائی کی سے کے لحاظ سے) کتنی ہونا ضروری ہے؟

سوال ۱۹۰۱: جودی حوالہ چو کھ نے کے لیے ظرے نصن نے ماورامسیں موجود سے کن ہوائی بان کی کمیت kg ہودی حوالہ چو کھ نے کے لیے ظرے نصن نے ماورامسیں موجود سے کن ہوائی بان کی کمیت kg ہوری ہوران این دھن ہے۔ ہوائی بان کا نجن و 250 دوران این دھن kg ہوران این دھن kg ہوران این دھن kg ہوران این دھن kg ہوران این دھن کے استعال ہوتا ہے۔ ہوائی بان کے لیے طرح سے دوران این کی تو ہوران کی تو ہوران کے استعال کتی ہے؟ اسس دوران ہے۔ کہ بعد ہوائی بان کی (ب) کمیت اور (ج) رفت ارکسیا ہیں؟

اضافی سوالات

 \vec{v} ایک جم پر نظر جمائے ریڈار کے مطابق جم کا تعسین گرسمتیہ \hat{t} + 2700 \hat{t} + 2700 \hat{t} = \vec{v} عمل الق جم کا تعسین گرسمتیہ ہے۔ ریڈار کا v محور مشرق کے رخ اور v محور شمال کے مرخ ہے۔ ریڈار کا v محور مشرق کے رخ اور v محور شمال کے رخ ہے۔ اگر جم 250 kg کیسے کا موسمیاتی مسزائل ہو، (۱) اس کا خطی معیار حسر کت اور (ب) اس کے حسر کت کارخ کیا ہوگا، اور (ج) اس پر صافی قوت کتنی ہے؟

سوال ۱۳۹۳: ہوائی بان کا آخنسری حصہ ، جو 7600 m s⁻¹ کی رفت اربے حسر کسے مسیں ہے ، دو حصوں پر مشتمل ہے ، چنہ میں آب سس مسیں حبکڑا گیا ہے۔ ایک حصہ ہوائی بان کا خول ہے جس کی کمیست 290.0 kg ہے ، اور دو سراوہ ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک دو سرے کے لیاظ ہے۔ 1910 m s⁻¹ استی فی رفت اربے علیحہ دہ کرتا ہے۔ علیحہ دگی ہے بعد (ا) ہوائی بان خول اور (ب) ساز و سامان ڈبی کی رفت ارکیب ہوں گی ؟ تمسام سستی رفت ارایک محور پر مسنر ض کریں۔ (ج) علیحہ دگی سے قسبل اور (د) علیحہ دگی جسر کی توان کی تام سستی رفت اراکیب مسئری کی وجب پیشس کریں۔

سوال ۳.۹۴ بلندعمارت كايرة وارانهدام "

سوال 90. $m_L = 1.00 \, \mathrm{kg}$ "اور سل مولا 90. $m_L = 1.00 \, \mathrm{kg}$ "اور سل مولا 90. $m_L = 0.500 \, \mathrm{kg}$ "اور سل ما مهرت کی کمیت $m_B = 0.500 \, \mathrm{kg}$ "برد رہا کہ نے بی دربا کر رکھے گئی ہیں۔ رہا کرنے پر دول مولا میں پر محت الف رخ و حکیلت ہے اور خود ان سے ملیک و مسئر بگر تا ہے۔ اسپر نگ مسئل کا کمیت و سائل نظر انداز ہے۔ (ا) اگر ذمسین کے لحیظ ہے سل کا کو اسپر نگ $1.20 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ احت فی رفت اردے ، سل کا کو اسپر نگ $1.20 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ میں کت و اسٹ میں کت و اسٹ فی رفت اردے ، سل کا کو اسپر نگ $1.20 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کی مسئل رفت اردے ، سل کا کو اسپر نگ کو اسپر نگ $1.20 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ اسٹ فی رفت اردے ، سل کا کو اسپر نگ $1.20 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ اسٹ فی رفت اردے ، سل کا کو اسپر نگ $1.20 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ احت اللہ کا کو اسپر نگ $1.20 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ اسٹ فی رفت اردے ، سل کا دیکھ کا دول کا کا دیکھ کے دیکھ کا دیکھ

سوال ۱۹۹۱ بالرگڑ فسنرسٹس پر دوذر ہے پہلے ہوئے مستقل سمتی رفتار ہے حسر کرتے ہیں؛ سٹکل 73.9 مسیں ان کا فصن آئی حبائزہ پیش ہے۔ ان کی کیت ایک برابر اور ابتدائی رفتار $v = 4.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ واور ان کا تصادم اس نقطے فصن آئی حبائزہ پیش ہے۔ ان کی کیت ایک دوسر ہے کو گئی ہیں۔ محور x یوں منتخب کسیا گسیا ہے آمدی راہوں کے بخی زاویے کو برابر حصوں مسیں کاٹ کر $\theta = 4.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ در کی حباز مصور میں کاٹ کر $\theta = 4.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ ور کی حبائی ہو، حسرون ہے موسوم حہار تقطہ دار لکسیری، ہو، حسرون ہے موسوم حہار حصول مسیں تقسیم کرتی ہیں۔ اگر تصادم (۱) مکسل کمپی ، (ب) کمپی ، اور (ج) غسیر کمپی ہو، ذرے کس حصہ مسیں ہاکس کمپی برحسر کت کرتی ہیں؟

سوال ۳.۹۷: رفت اركاان داداف زائش

 $v_{1i} = 4.00 \,\mathrm{m \, s^{-1}}$ وفتارے $v_{1i} = m_1$ بالار گرفت درش پر محور x کے ہمسراہ $v_{1i} = m_1$ وفتارے $m_2 = 2.00 m_1$ بالار گرفت درمس کی کیست مسل 2 ہے ہوتا ہے، جس کی کیست جہ (مشکل 74.9)۔ اس کے بعد سل 2 کا کیس بُعدی کھی تصادم سل 3 ہے ہوتا ہے، جس کی کیست ہوگا، کیست $m_3 = 2.00 m_2$ ہوتا ہے، جس کی کیست $m_3 = 2.00 m_2$ ہوتا ہے، جس کی کیست توانائی، اور (د) معیار حسر کست کی قیست سل 3 کی ابت دائی قیست نیادہ ہے، کم ہے، یااتی ہی ہے؟

سوال ۱۳.۹۸: رفت ار کی افت زائش

رفتار $v_{1i} = 4.00\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفتار $v_{1i} = m_1$ ببارگز منسرش پر محور x کے ہمسراہ $v_{1i} = m_1$ رفتار کے میں ہے۔ اس کا کیا بُودی کھی تصادم ساکن سل 2 سے ہوتا ہے، جس کی کمیت کے حسرکت مسین ہے۔ اس کا کیک بُودی کھی تصادم ساکن سل 2 سے ہوتا ہے، جس کی کمیت کے مصرکت مسین ہے۔ اس کا کیک بھری کا کھی میں ہے۔ اس کا کا کیک بھری کی کھی ہے۔ اس کا کا کہ بھری کا کھی ہے۔ اس کا کا کہ بھری کو کہ بھری کے مصرکت میں ہے۔ اس کا کیک انسان کو کہ بھری کے مصرکت میں ہے۔ اس کا کو کہ بھری کی کھی ہے۔ اس کا کھی کو کھی کہ بھری کے دور کے مصرکت کی کہت ہے۔ اس کا کھی کے دور کی کھی کے دور کے دور کو کھی کے دور کے دور کی کھی کہت ہے۔ اس کا کھی کے دور کی کھی کے دور کے دور کی کھی کے دور کے دور کی کھی کے دور کے دور کے دور کی کھی کھی کے دور کے دور کی کھی کے دور کے دور کے دور کی کھی کے دور کی کھی کے دور کے دور کی کھی کے دور کے دور کے دور کے دور کے دور کے دور کی کھی کے دور کے

pancakecollapse safetyfactor

 $m_2 = 0.500 m_1$ $m_2 = 0.500 m_1$ $m_3 = 0.500 m_2$ $m_2 = 0.500 m_1$ $m_3 = 0.500 m_2$ $m_3 = 0.500 m_2$ $m_3 = 0.500 m_2$ $m_3 = 0.500 m_2$ $m_3 = 0.500 m_2$ (ح) صرى كويان اور (د) معيار حسرك كي قيم سل 1 كى ابت ائى قيمت نياده ہے ، کم ہے ، ياا تى ہى ہے ؟

سوال 99. m: ایک گیبند جس کی کمیت g = 150 ہے $m s^{-1} = 5.2 m s^{-1}$ کے کساکر صوف $g = 5.2 m s^{-1}$ کی کھاکر صوف $g = 5.2 m s^{-1}$ کی کھاکر صوف $g = 5.2 m s^{-1}$ کی کھاکہ کی خوالہ $g = 5.2 m s^{-1}$ کی خوالہ کی خوالہ کی خوالہ $g = 5.2 m s^{-1}$ کی خوالہ کی خوا

سوال ۱۰۰.۳: حنلائی طیارے کے دو حصوں کو حبکڑ کر ساتھ رکھنے والے دھا کہ خسینر ت بلوں کے دھا کہ سے علیحہ دہ کسیاحب تا ہے۔ ان حصوں کی کمیست 1200 kg اور 1800 kg ہے؛ ہر ایک جے پر ت بلوں کے دھاکے کی ضرب کی ت مدر کا 300 N s ہے۔ چھے کس احضافی رفت اربے علیجہ دہ ہوتے ہیں؟

سوال ۱۰۱۰ ایک گاڑی، جس کی کمیت $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ به $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفت ارسے ابتدائی طور کور y کے جمسراہ شمال کی طسرون سے محت الم ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون سے حست الم ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون سے محت الم ڈرائیور گاڑی کو $350\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ مسین روک پاتا ہے۔ اکائی سمتی ترقیم مسین گاڑی پر (۱) موڑ کائے کی وجب سے مارٹ کو $350\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کو جب سے مارٹ کے دوران اور (د) تصادم کے دوران گاڑی پر اوسط قوت کی وحب سے مارٹ کسی ہوگی؟ (ج) موڑ کے دوران اور (د) تصادم کے دوران گاڑی پر اوسط قوت کارٹ کسی ہوگی؟

سوال ۱۰۳:۳: ایک شخص، جس کی کمیت 75 kg ہے، 39 kg کمیت کی ریڑھی پر سوار ہے جو 2.3 m s⁻¹ میں روز سے است کی ریڑھی کے کود تا ہے۔ ریڑھی کی سستی رفت ارکے ساتھ ریڑھی ہے کود تا ہے۔ ریڑھی کی سستی رفت ارمسین تب دلی بہتا عسلامت کمیا ہوگی؟

سوال ۱۰۴۳: بلار گرفت رشش پر ساکن دو سل جن کی کمیتیں 1.0 kg اور 3.0 kg بین اسپر نگ کے ذریعہ آگیس مسین حسیری بین انہمیں ایک دوسیرے کے رخ سستی رفت اریوں دی حساتی بین کہ ان کامسر کز کمیت ساکن رہت ہے اور سل 1 کی رفت ار 1.7 m s⁻¹ ہوتی ہے۔ سل 2 کی سستی رفت ارکیا ہے؟

سوال ۱۰۵۰: مال بردارریل کاڈب، جس کی کمیت 104 kg ہے، ڈرائیور کے ساکن ڈ بے سے تکراتا ہے۔ دونوں آپس مسین حبٹر حباتے ہیں اور ابت بدائی حسر کی توانائی کا % 27.0 حسری توانائی، صوتی توانائی، ارتعب سش، وغسیرہ کو منتقب ہوتا ہے۔ ڈرائیور کے ڈ بے کی کمیت تلاسٹس کریں۔

parentnucleus 12

daughternucleus

neutrino 12

وال ۱۰۱ سازی ایک گاڑی ، جس کی کمیت $2400 \, \mathrm{kg}$ ہے ، سید سی سٹر کے پر $80 \, \mathrm{km} \, \mathrm{h}^{-1}$ وفت ارسے دوڑر ہی ہے۔ ان کا مسر کز کمیت کس رفت ارسے کے پیچھے $1600 \, \mathrm{kg}$ کمیت کی گاڑی $1600 \, \mathrm{kg}$ وفت ارسے کہ دوڑ رہی ہے۔ ان کا مسر کز کمیت کس رفت ارسے کے جسر کرتا ہے ؟

سوال ۱۰۹۹: تین یک ال گیند کا نصن آئی حب کزه شکل 76.9 مسیں پیش ہے۔ گیند 2 اور 3 آپ مسیں مس میں مس میں اور گیند 1 کی راہ کو عسودی صف بستہ ہیں۔ گیند 1 کی مستی رفت ارکی احتدار $v_0 = 10 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ اور رخ باقی دو گیند 2 کی مستی رفت ارکی احتدار اور (ب) رخ، گیند 3 کی مستی رفت ارکی (ای مسید اور (ب) رخ، گیند 3 کی مستی رفت ارکی (ج) مسید را کر کی مسید موجود گی مسیں بہر موجود گی مسیں بہر ضرب، متعداد مرکی کے مسر اکر کو ملانے والی کسیسر کے ہمسراہ، مس مسطح کو عسودی ہوگی۔)

 $(5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$ + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$ + \hat{j} +

سوال ۱۱۱۱ سن: دویکساں برتن جن مسیں ایک جنتی چینی بجسری ہے ایک ذور کے ذریعہ حبڑے ہیں، جو بلار گڑ حپ رخی کے اوپرے گزرتی ہے (سنکل 77.9)۔ ڈور اور حپ رخی کی کمیت و تابل نظر انداز ہے، جب ایک برتن اور اسس مسیں بجسری چینی کی کمیت و 500 g مناسلہ اور برتن ایک جنتی بلت دی پر جب کڑ کر گئیت مسیں جسری کے گئے ہیں۔ برتن 1 کے وسط اور دوبرتی نظام کے مسرکز کمیت مسیں (۱) ابت دائی افتی مناصلہ اور (ب) برتن 1 سے 20 g چینی بنت کی بحد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہائے واور (د) اسراع کی کتی وت در سے حسرکت کرتا ہے ؟

سوال ۱۱۱۲: ایک گیند ہموار مسنسر مشن پر چیلتے ہوئے یک ال گیند سے کمراتا ہے۔تصادم کے بعد بہالا گیند اپنے استدائی رخ کے ساتھ 22.0 ناویے پر 3.50 m s⁻¹ کی رفت ارسے حسر کرت کرتا ہے جبکہ دوسسرے گیند کی رفت ارکان کے ساتھ دوسسرے گیند کے رخ کا زاویہ اور (ب) پہلے گیند کی استدائی کے ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور (ب) پہلے گیند کی استدائی رفت اور کی کہا تا کہ ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور کی کہا گیند کی دوسال کی بیٹ کی بیٹ کی مقال کی بیٹ کا گومٹ نظر سراند از کریں۔)

 $3.0\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ بادرگز $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ بلند مسيزے کسنارے پرساکن $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ وفیہ $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفتارے جیلتے ہوئے کراتا ہے (کشکل 78.9)۔ دونوں ڈیے آپس مسین چیک کر فشر کشن پر گرتے ہیں۔ عسین فسنر کشن

پر پہنچنے سے قبل ان کی حسر کی توانائی کیا ہوگی؟

سوال ۱۱۱۳: ایک غبارہ، جس کی (بمع ٹوکری) کیت 320 kg ہے، سے ایک شخص، جس کی کمیت 80 kg ہے، سوال ۱۳.۱۱۳: ایک غبارہ استدائی طور ساکن ہے۔ اگر سیڑھ کے لیے ظرف عزیرہ کا کہ بیارہ استدائی طور ساکن ہے۔ اگر سیڑھ کے لیے ظرف سے شخص 2.5 m s⁻¹ رفت ارکس رفت اور (ب) کس رفت اور (ب) کس رفت اور کے جسر کرے گا؟ اگر شخص حیبڑھنارہ کے دے تب عنبارے کی رفت ارکسیا ہوگی؟

سوال ۱۱۱۵. ویوار کے ساتھ ملاکرر کھے بلار گڑمیے نیر $m_1=6.6\,\mathrm{kg}$ کیت کی اینٹ 1 پڑی ہے (شکل 80.9)۔ ویوار اور اینٹ کے \overline{v}_2 کیسے کی اینٹ 2 کہ کہ اینٹ 1 کے رخ v_{2i} رفت ارک ساتھ روانا کی حب تی ہے۔ اینٹ 1 کے بعد دونوں ایسٹوں کی سعتی رفت ارایک ہے۔ m_2 تلاشس کریں۔ تمسام تصادم کم بیں (دیوار سے تصادم اینٹ کی رفت ارتب دیل نہیں کرتا)۔ سے تصادم اینٹ کی رفت ارتب دیل نہیں کرتا)۔

موال ۱۱۱.۳: اجری کھیل ۱۸ مسیں ایک نظارہ پیش کرنا مقصود ہے جس مسیں 1500 kg کمیت کی m 3.0 m کمی گاڑی گاڑی 4000 kg گاڑی 4000 kg گاڑی 4000 kg کے اوپر ایک سرے دوسرے سرتک مسرع ہو کر بندرگاہ کی گودی (جو کشتی سے معمولی نیچ ہے) مسیں پرواز کر کے پیچتی ہے (شکل 81.9)۔ کشتی است دائی طور پر گودی سے مس ہے؛ کشتی بغیضہ ررگزپانی مسیں حسر کر سے کہ گاڑی اور کشتی دونوں کی کمیت لمبائی پر تخمیت کیساں تقسیم تصور کمیاسکتا ہے۔ عسین پرواز سے قبل کشتی اور گودی مسین بناصلہ کمیاہوگا؟

سوال ۱۱۱۷: محدد x پر مثبت رخ $M=8.0\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ عن $M=3.0\,\mathrm{kg}$ جسم حسر کرتے ہوئے کیت M کے ساکن جسم سے یک بعدی کھی گرا تا ہے۔ تعسادم کے بعد کمیت M کا جسم محور کے مثبت رخ $M=6.0\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کو رضا ہے۔ کمیت M کتنی ہے ؟

سوال ۱۱۱۸: حب بوترہ کے ساتھ تھیلی ریل گاڑی کا 2140 kg ڈب، جو ہلار گڑ حسر کت کر سکتا ہے، ساکن تھے ڈا ہے۔ ایک پہلوان جس کی کیست 242 kg ہے۔ ایک پہلوان جس کی کیست 242 kg ہے ہسٹری کے ہمسراہ 5.3 m s⁻¹ رفتار سے دوڑ کر کھیلا ڈ بے مسین کو د تا ہے۔ اگر پہلوان کھیلا ڈ بے (۱) پر کھسٹرا ہو جب نے، (ب) کھیلا ڈ بے کے لیے ظرے ای رخ 5.3 m s⁻¹ ہوگی؟ ابتدائی رخ کے مختالف کھیلاڈ بے کی لوفتار کے اور ش

سوال ۱۱۹۹: ترمسین پر $6100 \, \mathrm{kg}$ بوائی بان انتصابی اڑان کے لئے شیار کھٹرا ہے۔ حضرج کی رفت اور $\mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$ بوائی بان کو انتصابی اوپر رخ ہے۔ (ا) ہوائی بان کو تحسانی تو تحسین کی توسید ان کو تحسین کی تحسین کر کتن ایٹ میں حسین کی تحسین کو تحسین کی تحسین کو تحسین کی تحسین کو تحسین کی تحسین کی تحسین کو تحسین کے تحسین کو تحسین کی تحسین کو تحسین کو تحسین کو تحسین کو تحسین کو تحسین کو تحسین کی تحسین کو تحسین کورند کو تحسین کو تحس

سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار ، جس کی کمیت 500.0 kg ہے، جو طیارے سے حبٹرا ہے، جو سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار سے حبٹرا ہے، جو سال ۱۳۰۰: ایک چھوٹا دھا کہ مقیار ہے کہ ایک بڑے حنائی طیارے کے لحیاظ سے 1000 m s - ایک جھوٹا دھا کہ مقیار سے پہنچے کی طسر دن، چھوٹے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، 100.0 m s - ایک جھیجت ہے۔ بڑے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، دھاکے کی وجب سے، اصاف کی سشرح کمی ہوگی؟

سوال ۱۲۱.۳: (۱) زمسین و حپاند کامسر کز کمیت زمسین کے مسر کزے کس مناصلے پر ہے؟ (ضمیہ Cمسین زمسین اور باند کی کمیت اور ان کے چھناصلہ دیا گسیاہہ کا کمیٹ کا مسین کے دور اسس کا کشت فی صدیع؟

videogame^{1A}

سوال ۱۲۲.۳: ایک د یوار سے 140 g گیند $5.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کی رفتار سے عصودی کگرا کر ای رفتار سے واپس لوٹت $-2.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کی رفت در ایس می دورانسید می دورانسید می دورانسید کی د

سوال ۱۲۳.۳: ہوائی ہندوق و 2.0 و چھسرے نی سیئٹر 500 m s⁻¹ رفتارے مارتی ہے۔ چھسروں کو ایک بخت (غیب کی کی) دیواررو کتی ہے۔ انہائی، (غیب کی کئی) دیواررو کتی ہے۔ انہائی۔ چسسرے کی معیار حسر کت و تدر، (ب) ایک چسسرے کی حسر کی توانائی، اور (ج) دیوار پر چھسروں کی بھسرمار کی اوسط قوت کی متدر کیا ہوگی؟ (د) اگر ہر چھسرا ms 0.60 ms کے لئے دیوار کے ساتھ تسسس مسین رہے، تساسس کے دوران ایک چھسرے کا دیوار پر اوسط قوت کی متدر کیا ہوگی؟ (د) سے قوت حسن دوج مسین تاسش کی گئی قوت سے کیون اتنی مختلف ہے؟

سوال ۱۳۰۵ میل گاڈی کاڈب دانے اٹھنے نوالے برقی زینہ 9 کے بیجے سے $^{3.20}$ m s $^{-1}$ در اللہ ۱۳۰۵ میل گاڈی کے ڈبے مسیس 54 540 kg min $^{-1}$ مسرح سے دانے گرتے ہیں۔ ریل گاڈی کے ڈبے کو مستقل رفت ار پر رکھنے کے لئے در کار قوسے کی وقت در کیا ہے ؟ (رگز نظر سراند از کریں۔)

موال ۱۳۱۳: یکسال موٹائی کے چوکور کپاورے چھوٹا چوکور حسب کاٹاحباتا ہے (شکل 82.9)۔ بڑے چوکور کافسلغ x 6d x 6.0 m

سوال ۱۳۱۳ ساکن ذرے A ، جس کی کمیت $0.10 \, \mathrm{kg}$ ہوا در B ، جس کی کمیت $0.30 \, \mathrm{kg}$ ہوا گا۔ دو سرے سے $1.0 \, \times \, 10^{-2} \, \mathrm{Ng}$ مستقل قوت سے دو سرے سے $1.0 \, \times \, 10^{-2} \, \mathrm{Ng}$ وقت نظام کے مسر کز کمیت کی رفت ارکسی ہوگی جب ذروں کے پی میں میں میں میں میں میں کا تصادم کے استدائی معتام سے کتنے مناصلے پر ہوگا؟ ذروں کے پی مناصلے پر ہوگا؟

ووال ۱۳۹۱ بول و ۱۳۰۱ بول کو کر موتی ہے۔ ان کی سمتی رفت ار $\vec{v}_1 = (-4.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$ انہمیں آپ میں جوڑ تا ہے۔ ان کی سمتی رفت ار (۱) اکائی سمتی ترقیم روپ مسیں اور (ب) متدر اور (ج) زاویہ کے روپ مسیں کیا ہوگی؟

elevator 19

 $h_1 = 9.0 \, \mathrm{cm}$ ووکروی نظم (شکل 20.9) مسین کره 1 کی کمیت $g = 50 \, \mathrm{g}$ اور ابت دائی بلندی او جنهج مین $h_1 = 9.0 \, \mathrm{cm}$ کی کمیت $g = 85 \, \mathrm{g}$ بین $g = 85 \, \mathrm{g}$ کی کمیت $g = 85 \, \mathrm{g}$ بین $g = 85 \, \mathrm{g}$ بین $g = 85 \, \mathrm{g}$ بین $g = 85 \, \mathrm{g}$ در این رم پور میستین استعال نب کریں۔)

وال ۱۳۱۱ ت سل 1 بلارگر فنسرسش پر محور x کے ہمسراہ $\sin s^{-1}$ رفتارے حسر کت کرتے ہوئے ساکن $0.75 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$ روج ذیل جبدول (یکسال جسامت) سلول کی کمیت ، کمهانی ، اور لحب t=0 پر سل کے وسط کامت م دیت ہے۔ (۱) لحب t=0 پر ، (ب) جس کمے سل مس ہوتے ہیں ، اور (ج) t=0 پر ، (جس کے کے مسل کامسر کر کمیت کہاں ہوگا ؟ $t=4.0 \, \mathrm{s}$

روسط $t=0$	لىبائى (cm)	کیت (kg)	<u> </u>
$x = -1.5 \mathrm{m}$	5.0	0.25	1
x = 0	6.0	0.50	2

سوال ۱۳۲۳: ایک جم شبت x محور کے رخ x میں افت میں ہے؛ جم پر کوئی قوت میں ہے؛ جم پر کوئی قوت میں ہے۔ جم کو دوبرابر گلزوں میں تقسیم کر تا ہے، اور کل حسر کی توانائی میں x کا کا اصفاف کر تا ہے۔ اور کل حسر کی توانائی میں x کا کا کا کا میں تقسیم کر تا ہے۔ اور کل حسر کی گیت کی کہ کہ ہے۔ اگل حصہ اپنارخ بر مسترار رکھتا ہے۔ (۱) پچھلے ہے اور (ب) اگلے جے کی رفت الرکھتا ہے؟

سوال ۱۳۳۳: ابت دائی طور پر ساکن ہائے ٹر روجن جو ہر سے السیکٹران یک بُعدی کمپ کی تصادم کر تا ہے۔ السیکٹران کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتٹ فی صد جو ہر کو منتقب ہو گا؟ (جو ہر کی کمیت السیکٹران کے کمیت کی 1840 گئاہے۔)

سوال ۱۳۰۳: ریل گاڑی کا کھسلاڈ ہے، جسس کاوزن N 2415 N ہے، مثبت x محور کے رخ بلار گر x 18.2 x رفت ارسے حسر کرتے مسیں ہے۔ ایک شخص، جسس کاوزن x 915 x ہواں گاڑی کا کھسٹر اہے۔ ڈیے کے لحاظ سے شخص محور x منفی رخ x منفی رخ x منفی رخ x دوڑ گا تا ہے۔ ڈیے کی رفت ارمسیں اصاف کت ابوگا؟

سوال ۱۳۵۳: بے انسان تحقیق حنائی طیارہ (کیت m اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور $v=10.5\,\mathrm{km}\,\mathrm{s}^{-1}$) مشتری (کیت M اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور سورج کے لحیاظ ہے اور کا کہ طیارہ مشتری کے گرد گھوم کر واپس او شتا ہے۔ سورج کے لحیاظ ہے طیارے کی رفت اراب کیے ہوگی؟ اس عمس کی مختل کی محمد مشتری کی کمیت ہے بہت بہت نیادہ ہے ($M\gg m$) ۔

سوال ۱۳۰۱۳: کی صنعت پر $0.550 \, \mathrm{kg}$ گیند $12.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ رفتار سے سیدھیا گر کر شپکی کھیا کر $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کا مثبت رخ کور $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کا مثبت رخ کور $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کا مثبت رخ کور کا کا مثبت رخ کور کا کا مثبت رخ کور کی کا مثبت رخ کور کا کا مثبت کی معیار حسر کے بیابی جست کی معیار منز کے بیابی کا متباہد کی معیار مضرب کی بیابی کا متباہد کی کا متباہد کی کے متباہد کی متباہد کی متباہد کی متباہد کی متباہد کی کر متباہد کی کے متباہد کی کر کے کہ کر کے کہ

سوال ۱۳۰۷: ساکن جوہری مسرکزہ xy محددی نظام کے مبدا پر تین ذروں مسیں گلڑے ہو تا ہے۔ ذرہ 1 ، جس کی میدا پر تین ذروں مسیں گلڑے ہو تا ہے۔ ذرہ 1 ، جس کی کیست $16.7 \times 10^{-27} \,\mathrm{kg}$ ہمبدا ہے $16.7 \times 10^{-27} \,\mathrm{kg}$ ہمبدا ہے $(-8.00 \times 10^6 \,\mathrm{m\,s^{-1}})$ رفت اربے دور ہٹتا ہے۔ (ا) اکائی سمتی ترقیم کیست $(-8.00 \times 10^6 \,\mathrm{m\,s^{-1}})$ رفت اربے دور ہٹتا ہے۔ (ا) اکائی سمتی ترقیم

slingshot**

مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت کیا ہوگا۔ اسس کی کیت 11.7 × 11.7 ہے۔ (ب) اسس مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت وانائی پیدا ہوتی ہے؟

سوال ۱۳۸۳: زره 1 ، جس کی کمیت g 200 و به اور رفتار $3.0 \,\mathrm{m\,s}^{-1}$ نزرے سے کان ذرے سے کی کمیت کے ساکن فررے کے کیسے کی ہوا در اور ایس کی کمیت کے ساکن فررے کی کمیس کو سیار کی کا بوادر سے کا مصل منے کہا تھا۔ میں مصل کا میں میں کمیس کا میں میں کمیس کا میں کہا تھا۔ کہا کہ میں کمیس کا میں کمیس کا کمیس کی کمیس کی کمیس کا کمیس کا کمیس کی کمیس کا کمیس کا کمیس کا کمیس کا کمیس کے کہا تھا کہ کمیس کا کمیس کا کمیس کی کمیس کا کمیس کی کمیس کا کمیس کے کمیس کا کا کمیس کا کمیس کا کا کمیس کا کا کمیس کا کار

سوال ۱۳۹۳: حیانہ کے ایک صخصر مسیں ضروری پایا گیا کہ جسس وقت حیانہ کے لحیاظ سے طیارے کی رفت ار $100\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ہو، طیارے کی رفت ار $100\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی رفت از $1000\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی اضافی رفت از $1000\,\mathrm{m\,s^{-1}}$

سوال ۱۳۰۱٬۳۰۰ ایک سائن گیند، جس کی کمیت 0.20 kg ہے، کوڈنٹرے سے 14 ms دورانے پر N 32 N اوسط قوت کے ساتھ ماراحب تا ہے۔ تصادم کے بعد گیند کی رفت ارکب ہوگی؟

باب

گھ**پ**او

ا بم گھماوے متغیبر

مو• اصر ،

اس حسبہ کو پڑھنے کے بعب آیے درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے اگر جم کے تمام ھے ایک محور کے گر دہم وقد م گومسیں، بہ استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے احسام پر گفتگو کی حبائے گا۔)
 - ۲. حبان پائیں گے کہ اندرونی حوالہ لکسے راور مقسررہ ہیں۔ ونی حوالہ ککسے رکے ﷺ زاویے ، استوار جم کازاویاتی مصام دیگا۔
 - ۳. ابت دائی اور انتقامی زاویاتی معتام کازاویاتی ہاوے ساتھ تعلی استعال کرپائیں گے۔
 - ۴. اوسط ذاوی مستی رفت از ، زاوی ہٹاو ، اور ہٹا و کو در کار دورانے کا تعسلق استعمال کریائیں گے۔
 - ۵. اوسط زاوی اسسراع، زاوی مستی رفت ار مسین تب یلی، اور اسس تب یلی کو در کار دورانیے کا تعساق استعال کرپائیں گے۔
 - ۲. حبان یائیں گے کہ حنلان گھٹری حسر کے مثبت رخ اور گھٹری دار حسر کت منفی رخ ہوگا۔
- 2. زاوی معتام کود تنگ کاتف عسل حبائے ہوئے، کسی بھی لیمے پر لمحاتی زاوی سستی رفت ار اور دومختلف وقت والے ﷺ اوسط زاوی سستی رفت ارتعبین کریائیں گے۔
- ۸. زاوی معتام بالمقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی لیچے پر لیجی آتی زاوی سنستی رفت ار اور دو مختلف و مستوں کے ﷺ اوسط زاوی سنستی رفت ارتصین کریائیں گے۔
 - 9. حبان پائیں گے کہ لمحساتی زادی مستی رفت ارکی و تبدر لمحساتی زادی رفت ارہوگا۔

باب ۲۰. گھماو

اور دو مختلف وقت کاتف عسل حبائے ہوئے، کسی بھی لمحے پر لمحت تی زاوی اسسراع اور دو مختلف و مستول کے نی اوسط
 زاوی اسسراع تعسین کریا ئیں گے۔

- اا. زاوی سنتی رفت اربالقابل وقت کی ترسیم ہے کسی بھی کھے پر لھے تی زاوی اسسراع اور دو مختلف وتستوں کے ﷺ اوسط زاوی اسسراع تعسین کریائیں گے۔
 - ۱۲. وقت کے ساتھ زادی اسراع تف عسل کا تکمل لے کر جسم کی زادی سستی رفت ارمسیں تب یلی تعسین کر پائیں گے۔ وقت کے ساتھ زادی سستی رفت ارتف عسل کا تکمل لے کر جسم کے زادی معت مسیس تب یلی تعسین کریا مکیں گے۔

كلب دى تصور

• مقسررہ محور، جو محور گھماو کہاتی ہے، کے گرد استوار جم کا گھماو ہیان کرنے کی مناطسر، جم کے اندر محور کو عصودی حوالہ لکیسر منسرض کی حباتی ہم جو جم کے ساتھ ہم متدم محور کے گرد گلومتی ہے۔ ایک مقسررہ رخ کے ساتھ اس ککیسرکاذاوی معتام θ نایاحباتا ہے۔ جب θ کی پیسائٹس ریڈیئن مسین ہو، ذیل ہوگا،

$$\theta = \frac{s}{r}$$
 (ریڈیمن ناپ

جہاں رداسس au کے دائری راہ کا توسی فناصلہ au اور ریڈیئن مسین زاویہ au ہے۔

• زاوے کی درجہ مسیں اور حیکر مسیں پیسائٹس کاریڈیئن پیسائٹس سے تعالی ذیل ہے۔

ريڙينن
$$2\pi=360^\circ=1$$

ایک جیم جو محور گلمب و کور گلم کر این زادی معتام $heta_1$ سے تبدیل کر کے $heta_2$ کرے، ذیل زاوی ہٹ او سے گزر تاہے، $\Delta heta= heta_2- heta_1$

جباں حنلان گھٹڑی گھباوے لئے مفی ہوگا۔ جباں حنلان گھٹڑی گھباوے لئے مفی ہوگا۔

• اگرجیم Δt دورانی مسین $\Delta \theta$ زادی سٹاو گھوہے، اسس کی اوسط زاوی ستی رفت ارول سے نام ہوگا۔

$$\omega_{\text{b.s.}} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جسم کی (لمحاتی)زاوی مستی رفت ار س ذیل ہوگا۔

$$\omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اوسط زاوی سنتی رفتار اوس اور سنتی رفتار سن دونوں سنتی معتادیر ہیں، جن کا رخ دایاں ہاتھ صاعب ہ دیگا۔ حضاوت گھٹوی گھٹوں کی اور گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی داوی سنتی رفتار کی و تدر جسم کی زادی رفتار ہوگا۔

۱٫۷٫ گھپ وکے متغیر

ا اگر ω_1 بروکر ω_2 بوءاکس کااوسط زاوی میں جم کی زاوی سے تبدیل ہو کر ω_2 بوءاکس کااوسط زاوی میں جم کی زاوی سے تبدیل ہو کی بوء اسس کااوسط زاوی میں ہوگا۔

$$lpha_{\mathrm{left}} = rac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = rac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جسم کا(لمحاتی)زاویاسسراع α ذیل ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

اور α دونوں مستی معتاد پر ہیں۔

طبعیات کیاہے؟

جیب ہم پہلے ذکر کر جیے، طبیعیات کی توجہ کا ایک مسرکز "حسر کیات "ہے۔ تاہم، اب تک ہم صرف منتقیم حرکت کر تا ہے (شکل 10-10)۔ اب ممتقیم حرکت کر تا ہے (شکل 10-10)۔ اب ہم گھاویر نظر دڑالتے ہیں، جس مسیں جم کی محور کے گرد گھومت ہے (شکل 1b.10)۔

گھاو تقسر بیباً ہر مشین مسین نظر آتا ہے، اور جب آپ دروازہ کھولتے ہیں آپ اسس کو دیکھتے ہیں۔ کھیل مسین گھاواہم کردار اداکر تا ہے، جیسا گیند کو زیادہ دور چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوازیادہ دیر اٹھا کر سستی ہے)، اور کر کرئے مسین گیند توسی راہ پر چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوا دائیں یا بائیں دھکسیاتی ہے)۔ گھاو زیادہ اہم مسائل، جیسا عمسر رسیدہ ہوائی جہاز مسین دھاتی حصوں کا ٹوٹ چھوٹ، مسین بھی کلسیدی کردار اداکر تا ہے۔

گھاو پر بحث ہے قبل، حسر کت مسیں ملوث متغیرات متعارف کرتے ہیں، جیب ہم نے باب 2 مسیں ملوث متغیرات متعارف کرتے ہیں، جیب ہم نے باب 2 مسیں مستقیم حسر کت پر بحث ہے قبل کیا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ گھاو کے متغیرات عسین باب 2 مسیں یک بُعدی حسر آئے ہوگا) حسر کے متغیرات کی طسر آئی ہیں؛ ایک اہم خصوصی صورت وہ ہے جباں اسرائ (جو بہاں زاوی اسرائ ہوگا) مستقل ہو۔ ہم دیکھتے ہیں نیوٹن کا دوسر اوت عدہ زاوی حسر کت کے لئے بھی لکھا حب سکتا ہم اب قوت کی بجب ایک ایک مقدر ارجو قوت مسروز کہا آئی ہے استعمال کرنا ہوگا مورک کو اور کر کت پر کیا حب سائل ہے، تاہم کمیت کی بجب ایک ہور کہا تی ہے استعمال کرنا ہوگا میں مقدر ارجو زاوی جود کہا تی ہے استعمال کرنا ہوگا۔ میں ہوگا ہو گھے پڑھ پی گھیا۔ ہیں اس کا اطال آئی گھیا و حسر کت میں ہوگا، تاہم کھی جسرا معمولی تب یک کی طرور سے بیٹس آئے گی۔

انتباہ: اگر حب اسس باب مسین زیادہ تر حق اُق محض دوبارہ پیش کے گئے ہیں، دیکھ سے گئے ہیں، دیکھ اسب وط الب وط الب و النساق کو اسس باب مسین د شواری پیش آتی ہے۔ استذہ کرام اسس کی کئی وجو بات پیش کرتے ہیں جن مسین سے دو پر اتف اَق پایا جب اتا ہے: 1 یہ ان عسلامت کی تعداد بہت زیادہ ہے (جنہیں یونانی حسرون مسین لکھ کر مشکل مسین مسندید اصف نے پیدا ہوتا ہے)، اور 2 آپ خطی حسر کت سے زیادہ واقف ہیں (ای لئے کسرے کے ایک کونے سے دوسرے کونے تک آپ باآس نی حب سے ہیں)، اسپ کی گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین دوسرے کونے تک آپ باآس نی حب سے ہیں)، اسپ کی گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین آب تفسری گاہ مسین آب کودشواری ہو، دیکھ میں آبا

با___ ۴. گھساو 44

مسئلے کوماے 2 کا یک بُعدی خطی مسئلہ تصور کرنے آسانی پیدا ہوتی ہے۔مشلاً،اگر آپ سے زادی مناصلہ معلوم کرنے کو کہا حبائے، وقت تی طور پر لفظ زاوی کو بھول حبائیں اور دیکھیں آیاباہے 2 کی ترقیم اور تصورات استعال کرنے جواب حساسل کرنا آسان ہو تاہے۔

تھمیاوے متغب

ہم مقسررہ محور پر استوار جم کے گھماد پر غور کرناحیاہتے ہیں۔ استوار جمم اے مسرادوہ جم ہے جس کے ہمام ھے، جسم کی شکل وصورت تب بل کیے بغیبر، ہم ت م گوم سکتے ہیں۔مقررہ محمور 'سے مسراد وہ محورے جو حسر کت نہیں کرتی اور جس پر گھوماحب سکتا ہے۔ یوں ہم ایسے جسم پر غور نہیں کریں گے جیب سورج (جو گیسس کا کرہ ہے) جسس کے بھے ایک ساتھ حسرکت نہیں کرتے۔ ہم زمین پر اڑھکتے گیٹ دکی بھی بات نہیں کرتے چونکہ اسس کی محور خود حسر کت پذیرے (الی گین د کی حسر کت، گھیاواور متقیم حسر کت کاملاہ ہے)۔

شکل 2.10مسیں مقسر رہ محوریر، جو محور گھا**و تا گھاو کی محو**ر کہلاتی ہے، اختیاری شکل کااستوار جم گھوم رہاہے۔ حسٰالص گھساو (زاوی حسر کت)مسیں، جسم کاہر نقط۔ ایسے دائرہ پر حسر کت کرتا ہے، جس کامسر کز محور گھساویر واقع ہے،اور ہر نقطہ کسی مخصوص وقت تی وقف مسیں ایک جتنازاو ہے طے کر تا ہے۔ حنالص متنقیم حسر کت (خطی حسر کت)مسیں، جہم کاہر نقطے کسی مخصوص وقت تی دورانپ مسیں ایک جتنا خطی و ناصلہ طے کر تاہے۔

آئیں باری باری خطی معت ادیر معت ام، ہیا و، سستی رفت ار، اور اسسراع کے ممیاثل زاوی معت ادیریر غور کرتے ہیں۔

زاوی مفتام

مشکل 2.10مسیں گھاوکو عصودی، جسم کے ساتھ گھومتی، جسم سے بکی حبٹری حوالہ ککسیدر دکھائی گئی ہے۔ کسی مقسررہ رخ کے س تھ، جس کوہم صفر زاورہ مقام ممانع ہیں، اسس ککسیر کازاویہ لکسیر کا زاورہ مقام مہوگا۔ شکل 3.10مسیں محور x کے مثبت رخ کے ساتھ زاوی معتام heta نایا گیاہے۔ ہند سہ سے ہم حبانتے ہیں درج ذیل ہوگا۔

$$(r_{\cdot l})$$
 $\theta = \frac{s}{r}$ (پیرنیکن ا

یہاں محور X (جو صف رزادی معتام ہے) سے حوالہ ککی رتک دائری قوسس کی لمبائی 8 ،اور دائرے کارداسس ۲ ہے۔ اسس طسرت تعسین کب اگسیازاوہ، در حب یاحب کر کی بحبائے، ریڈ پائین اسسین نایاحبا تاہے۔ ریڈ بیئن دولمب ائیول کی نسبت (تق بلی تعساق) ہے البیذا ہے بے بُعد منالص عبد د ہو گا۔ دائرے کامچیلہ 2πr ہے البیذاایک مکسل دائرے مسین 2π

> rigidbody fixedaxis' rotationaxis

zeroangularposition

angularposition

radian

۱٫۲۹٫ گھماوکے متغییر

ریڈینن ہوں گے۔

$$(\mathbf{r},\mathbf{r})$$
 $\mathbf{r} = 360^\circ = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi r$ دينين 2π

يا

$$(r.r)$$
 $1 = 57.3^{\circ} = 0.159$ $1 = 57.3^{\circ}$

محور گھماہ پر حوالہ لکسیسر کی مکسل حپکر کے بعب ہم θ واپس صف رنہ میں کرتے۔اگر حوالہ لکسیسر صف رزاوی معتام ہے ابت داکر کے دو حپکر مکسل کرے، لکسیسر کازادی معتام $\theta = 4\pi$ ریڈ مین ہوگا۔

محور x پر حنائص مستقیم حسرک کے لئے x(t) ، یعنی مصام بالمقابل وقت، حبانے ہوئے ہم حسرک پذیر جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔ ای طسرح، حنائص گھساو کے لئے $\theta(t)$ ، یعنی زاوی مصام بالمقابل وقت، حبائے ہوئے ہم گھومتے جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔

زاوی هساو

اگر سشکل 3.10 کا جسم محور گھے۔ و پر سشکل 4.10 کی طسر ج گھوم کر حوالہ ککسیسر کازادی معتام θ_1 سے تبدیل کرکے θ_2 کرے، جسم کا زادی ہناو $\Delta \theta$ ذیل ہوگا۔

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1$$

زاوی ہٹاو کی ہے تعسریف سے صرف استوار جم بلکہ جم کے ہراندرونی ذرہ کے لئے درست ہے۔

گھویا ہے منفی میں ہوگا، جو، کور x پر مستقیم حسر کت کی صورت مسیں جم کا ہاو Δx مثبت یا منفی ہوگا، جو، کور پر جم کی حسر کت کے رخ پر مخصص ہے۔ ای طسر ج، گھماو کی صورت مسیں جم کا زاوی ہیاو $\Delta \theta$ درج ذیل متاعبدہ کے تحت مثبت یا منفی ہوگا۔

ت عبده ۲۰۱۱ حنلان گھٹری زاوی ہٹاومثبت اور گھٹری وارہٹ اومنفی ہوگا۔

" گھسٹریال منفی ہیں" کا فعت ماس ت عدے کویادر کھنے مسیں مدد دے سکتا ہے۔ یاد رہے گھسٹری کے سسکنٹر کی سوئی کاہر ت م آپ کی زندگی کا ٹتی ہے۔

آزمائشسا

 باب ۲۰. گلماو

زاوی سستی رفت ار

منسرض کریں ایک جم وقت t_1 پر زاوی معتام θ_1 پر اور وقت t_2 پر زاوی معتام θ_2 پر ہو، جیب شنگل 4.10 مسیں دکھایا گیا ہے۔ ہم t_1 تا t_2 وصتی دورانی Δt مسیں جم کی اوسط زاوی سمتی رفتار کا ایسا کی تعسریف ذیل کرتے ہیں،

$$\omega_{\text{lost}} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جبال وقت دورانیہ Δt مسیں زاوی ہناو $\Delta \omega$ ہے۔ (زاوی سمتی رفت ارکے لئے یونانی حسرون جبی کا، چوٹی تکھائی مسیں ، آمنسری حسرت اومیگا سے استعال کیا حبائے گا۔) مساوات Δt مسیں Δt مسنسرے و تسریب تر کرنے نیست کی درج ذیل تحدیدی قیت حساس ہو گیجو کمجاتی زاور سمتی رفتار ω (یا مختصراً زاور سمتی رفتار) کہ بالتی ہے۔

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

 $\theta(t)$ معلوم ہو،اسس کا تفسر ق لے کرزاوی سمتی رفت ار $\theta(t)$

چونکہ اسس جسم کے تمام ذرہے ہم متدم ہیں، لہذامساوات ۵.۴ اور مساوات ۲.۴ ناصرف مکسل گھومتے استوار جسم کے بلکہ جسم کے برزرے کے لئے درست ہیں۔ زادی سسمتی رفتار کی عصوی مستعمل اکائی ریڈیئن فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (وحیکر فی منہ ہے۔

تحور x پر مثبت رخ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی مستی رفتار v مثبت جب منفی رخ حسر کت کی صورت مسیں منفی ہوگی۔ ای طسرح محور پر مثبت رخ (حسان شحت گھٹڑی) گھساو کی صورت مسیں استوار جسم کی زاوی مستی رفتار مثبت منفی رخ آب منفی ہوگی۔ ("گھٹڑیاں منفی ہیں"اب بھی درست ہے۔)زاوی مستی رفتار کی میں منفی ہوگی۔ ان کی میں عسامت استعال کریںگے۔
کی صدر ز**اوی رفتا**ر مجمعی اتق ہے۔ ہم زاوی رفتار کے لئے بھی میں عسامت استعال کریںگے۔

زاوی اسسراع

$$\alpha_{\text{\tiny b-yl}} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

averageangularvelocity²

instantaneous angular velocity A

angularspeed

averageangularacceleration'*

ا بم. گھماو کے متغیر

جباں ی Δω زادی سمتی رفت ارمسیں Δt کے دوران تبدیل ہے۔ لمحاتی زاوی اسراع "(یا مخصد اً زاوی اسراع)، جس کے میں زیادود کچی ہے۔ کے میں زیادود کچی ہے۔ کے میں زیادود کچی کے کہ ہیں۔

$$\alpha = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 2.4 اور مساوات ۴.۸ جم سے ہر ذرے کے لئے درست ہیں۔ زاوی اسسراع کی عصومی مستعمل اکائی ریڈیٹن فی مسر بح مسکینڈ (rad s⁻²) اور حبکر فی مسر بع مسکینڈ ہے۔

نمونی سوال ۴۰۱۱ زاوی مقام سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

سشکل 5a.10 مسیں مت رص اپنے وسطی محور کے گر د گھوم رہاہے۔ مت رص پر حوالہ لکسیسر کازاوی معتام $\theta(t)$ ذیل ہے، جہاں t اور θ بالت رتیب سسکنڈ اور بیڈیئن مسیں ہیں، اور صف رزاوی معتام سشکل مسیں د کھیایا گیاہے۔ θ

$$\theta = -1.00 - 0.600t + 0.250t^2$$

x استعال کر کے مسئلے کو باب دی ہور پر لفظ "زاوی معتام" سے "زاوی" حنارج کر کے اور θ عسلامت کی جگ x استعال کر کے مسئلے کو باب x کو باب x کو باب x کی کیس بعدی حسر کست کے معتام کی مساوات حساصل ہو گا۔)

(۱) مت رص کازادی معتام بالمقابل وقت $t=-3.0\,\mathrm{s}$ تا $t=5.4\,\mathrm{s}$ تا کالادی معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کا دری معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حو

ا.ا. ۴ کلیدی تصور

وت رس کے زاوی معتام سے مسراد اسس پر کھینچی عوالہ ککسیہ کا معتام $\theta(t)$ ہے، جو مساوات $\theta(t)$ دیتی ہے؛ لہلہ اہم مساوات $\theta(t)$ میں پیش ہے۔

حماجہ: وت رص اور حوالہ لکسیسر کامعت م کی مخصوص کمجے پر جنا کہ بننے کے لئے ضروری ہے کہ اسس کمجے پر ہمیں θ معلوم ہوء میں اوات ویس کمجے کاوقت ڈالنے سے حساسل ہوگا۔ یوں t=-2.0 ہے بجو مساوات ہوگا۔

$$heta = -1.00 - (0.600)(-2.0) + (0.250)(-2.0)^2$$

= 1.2 rad = 1.2 rad $\frac{360^{\circ}}{2\pi}$ = 69°

یہ نتیب کہتا ہے کہ فت رض پر موجود حوالہ لکت رلحت $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر صنب رمت م ہے بیشت رخ (حناون یہ نتیب کہتا ہے کہ معت م وجود حوالہ لکت رکا ہے کہ معت م دکھایا گیا ہے۔ گھٹ ری t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م میں معت میں معت م میں معت م میں معت م میں معت میں میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت معت میں میں میں معت میں میں معت میں

instantaneous angular acceleration 11

باب ۲۰. گلم او

0.60 ریڈیئن لینی 0.45 ہو گی (منا کہ 5)۔ جس لیے ترسیم محور t سے گزرتی ہے، $0 = \theta$ ہو گااور حوالہ ککسید لحاتی عسین صف معتام پر ہو گی (منا کہ 2)۔

t پر ہوگی؟ $\theta(t)$ کی کم ہے کم قیمت کس کے t پر ہوگی؟ t کی کم کے کم قیمت کس ہے کہ انگلی 5b.10 کم کے کم قیمت کسی ہے کہ انگری انگری کا معالم کا کہ انگری کے کم قیمت کسی ہے کہ انگری کے کہ تو انگری کی کم کے کم قیمت کسی ہے کہ انگری کی کم کے کم قیمت کسی ہے کہ انگری کی کم کے کم قیمت کسی ہے کہ انگری کی کم کے کم قیمت کسی کے کہ قیمت کسی کے کہ انگری کی کم کے کم قیمت کسی کی کم کے کم قیمت کسی کے کہ انگری کی کم کے کم قیمت کسی کے کہ تو انگری کی کم کے کم قیمت کسی کرد کی گم کے کم قیمت کسی کی کم کے کم قیمت کی کم کے کے کم کے کے کم کے کم

كلب دى تصور

تف عسل کی انتہا قیمت (یہاں کم ہے کم قیمت) معسلوم کرنے کی حن طسر ہم تف عسل کا ایک گنا تفسر ق لے کر صف ر کے برابر رکھتے ہیں۔

 $\theta(t)$ کاایک گناتف رق زیل ہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = -0.600 + 0.500t$$

ک کمے کم قیمت حبانے کے لئے ہم مساوات میں میں میں جو ذیل دیگا۔ t

$$\theta = 0$$
 ريڙيئن $-.136 \approx -77.9^{\circ}$ (يوايين)

θ(t) کی کم ہے کم قیمت (مشکل 5b.10 مسیں نشیب) صف رزاد کی معتام سے قت رس کی زیادہ سے زیادہ گھٹڑی دار گھما وہے، جو حنا کہ 3 سے کچھ زیادہ ہوگا۔

 $t=3.0\,\mathrm{s}$ ترسیم کریں۔ مترص کا خناکہ $t=6.0\,\mathrm{s}$ تا $t=-3.0\,\mathrm{s}$ ترسیم کریں۔ مترص کا خناکہ $t=4.0\,\mathrm{s}$ بادر ہی کی عبد المت کیا ہوگی۔ $t=4.0\,\mathrm{s}$ بادر ہی ہی کی عبد المت کیا ہوگی۔

كلب ي تصور

مساوات ۲۰۱۱ کے تحت زاوی مستی رفت ار ω سے مسراد d heta/dt ہے جو مساوات

۱۰ ۴ دیتی ہے۔ یوں ذیل ہو گا۔

$$(r.11)$$
 $\omega = -0.600 + 0.500t$

اس تف عسل ، (t) ،

 $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پربنانے کی حناطب ہم مساوات $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پربنانے کی حناطب ہم مساوات $t=-2.0\,\mathrm{s}$ کے دنیل کر ذیل کر خان کی مساوات انتہاں۔

$$\omega = -1.6 \, \text{rad s}^{-1} \qquad (\text{--}1.8)$$

ا ۲۰ گھیاو کے متغیر

منفی کی عسلامت کہتی ہے کہ $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر تسبر ص گھٹڑی وار (منفی رخ) گھوم رہاہے (جیب سٹکل 5c.10 مسین دائیں ہاتھ حناکے مسین دکھیایا گیاہے)۔

ماوات ۱۱. γ مین $t = 4.0 \, \mathrm{s}$ ڈال کر ذیل ماصل ہوگا۔

مضم ریشت عسلامت کہتی ہے مترص مثبت رخ (منلاف گھٹڑی) گوم رہا ہے (شکل 5c.10 مسیں دایاں ہاتھ مناکہ)۔

 $\omega = 0$ ہوگا۔ جب حوالہ ککسیر، شکل 5b.10 میں $\omega = 0$ ہوگا۔ جب حوالہ ککسیر، شکل 5b.10 میں ω کی کم میں ω کی کم میں ω کی آتیہ ہوگا۔ جب فیصل کے بہتے ہوئے ہوگا۔ جب مسئل 5c.10 میں وسطی من کہ عندیہ دیتا ہے۔ شکل 5c.10 میں ω بالمقابل ω کی ترسیم پر صغیر نقطہ، جب ان ترسیم منفی (گھٹری وار) گھل وے مثبت (منلان گھٹری) گھل و کا آغیاز کرتی ہے، وہ نقطہ ہے جب ان مسیر صلح اتی رکتا ہے۔

ر) $t = 6.0 \, \text{s}$ تا $t = -3.0 \, \text{s}$ تا کرسہ ان کرس کی حسر کت بان کرس $t = 6.0 \, \text{s}$ تا کہ ان کرس کے نتائج استعال کر کے دیائے دیائے

بیان: جب ہم، 0.0 t=-3.0 پر، مترص پر پہلی مسرت نظر ڈالتے ہیں، اسس کازاوی معتام مثبت، گلمب ڈی دار اور رفت ارمسیں کمی دیکھنے کو ملتی ہے۔ یہ 0=-1.3 سے مرکب کی درخت کو ملتی ہے۔ یہ کازاوی معتام دوبارہ مثبت ہوتا ہے۔ گلومن سشر کارامس کازاوی معتام دوبارہ مثبت ہوتا ہے۔

نمونی سوال ۲۰۲۲ زاوی اسراع سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

 α اور α بالت رتیب سینڈ اور ریڈیئن فی مسر کا سینڈ میں t اور α بالت رتیب سینڈ اور ریڈیئن فی مسر کا سینڈ میں t

 $\alpha = 5t^3 - 4t$

یر لئو کی زاوی سمتی رفت از au 5 rad s اور حوالہ ککے۔ t=0 ریڈیئن ہے۔

(۱) گو کی زاوی سستی رفت از $\omega(t)$ کاریاضی فعت رہ ساسل کریں؛ یعنی ایس تف عسل معسلوم کریں جو وقت پر زاوی سستی رفت از کا تحصی ارم جب نتے ہیں ایس تف عسل موجود ہے چو نکہ گوزاوی اسسراع سے گزر رہا ہے؛ یوں اسس کی زاوی سستی رفت ارتب دیل ہوگا۔)

كلب دى تصور

 $\omega(t)$ تعسرینے کے روسے $\omega(t)$ کاومت تی تعسر تنہ ہوگا۔ یول، وقت کے لیاظے $\omega(t)$ کا کھل $\omega(t)$ دیگا۔ عمل وات $\alpha(t)$ کا کہتی ہے میں اوات $\alpha(t)$ کہتی ہے

 $d\omega = \alpha dt$

باب ۲۰. گھماو

للبنذا

$$\int d\omega = \int \alpha \, dt$$

ہو گاجو ذیل کے گی، جہاں C تکمل کامتقل ہے۔

$$\omega = \int (5t^3 - 4t) \, dt = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + C$$

 $\omega=5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پر t=0 ہے؛ اس معلومات کو درج بالامسیں ڈال کر: $\omega=0$

$$5 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} = 0 - 0 + C$$

کمل کامتقل $C = 5 \, \text{rad s}^{-1}$ ساس ہوگا۔ یوں در کارتف عسل ذیل ہوگا۔

$$\omega = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5 \qquad (\text{...})$$

ریں۔ heta(t) کاریاضی فقت رہ تلاکش کریں۔ heta(t)

كلب دى تصور

تعسریف کے روے $\theta(t)$ کاو مستی تعسری $\omega(t)$ ویگا۔ یوں، وقت کے لیے ظے $\theta(t)$ کا کھل $\theta(t)$ ویگا۔ عمل والے بہ $\theta(t)$ کا تحت :

 $d\theta = \omega dt$

ہو گاجس سے ذیل لکھاحب سکتاہے،

$$\theta = \int \omega \, dt = \int (\frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5) \, dt$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + C'$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + 2 \qquad (\text{---})\text{s})$$

جباں $\theta=2\,\mathrm{rad}$ پر t=0 جبانے ہوئے t=0 کی قیمت ساسل کی گئ

۱.۴. گھسا وے متغیبر

كسازاوي معتادير سمتيات بين؟

ہم اکسلے ذرے کامعت میں مستی رفت ار، اور اسسراع سمتیات ہے ہیان کر سکتے ہیں۔ اگر ذرہ صرف ایک محور پر حسر کرت کر تا ہو، سستی ترقیم استعمال کرناضر ورت نہیں۔ ایسے ذرے کو صرف دورخ دستیاب ہیں جنہیں مثبت اور منفی عسلامت سے ظاہر کیا حب سکتا ہے۔

ای طسرح استوار جم متائب محور پر ، محور کے ہمسراہ دیکھتے ہوئے، صرف حنلاف گھٹڑی اور گھٹڑی وار گھوم سکتا ہے۔ان رخ کو ہم مثبت اور منفی سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ یہاں ایک سوال اٹھت ہے: "کسیا ہم گھومتے جم کے زاوی ہٹاو، زاوی سستی رفتار، اور زاوی اسسراع کو سمتیات سمجھ سکتے ہیں؟"اسس کا جو اب ہے"جی ہاں" زاوی ہٹاوک کئے نیچے پیش انتہاہ ضرور دیکھسیں۔)

 $\frac{1}{2}\log_2 \lambda_0 \frac{1}{2} \frac{1$

زادی معتادیر سمتیات سے ظاہر کرنے کی عبادت مشکل سے ڈلتی ہے۔ ہم فوراً سوچتے ہیں کہ سمتیہ کے ہمسراہ کوئی چینز حسر کست کرے گل۔ بہاں ایسا نہیں ہوگا۔ اسس کے بحبائے کوئی چینز (جیسا استوار جسم) سمتیہ کے رخ کے گرد گھومتی ہے۔ حنائص گھاو کی دنیا مسین، سمتیہ کارخ کسی چینز کی حسر کت کارخ نہیں بلکہ گھاو کی گور دیگا۔ بہسر حیال، سمتیہ حسر کت بھی تعین کرتا ہے۔ مسزید، سے سمتیات سلجھانے کے ان تمام قواعد کی تعمیل کرتا ہے جو باب 3 مسیں پیشس کیے گئے۔ زادی اسراع کا تھی ایک سمتیہ ہے، اور سے بھی ان قواعد کی تعمیل کرتا ہے۔

اسس باب مسیں صرف مت نئے محور پر گھے و کی بات کی حبائے گا۔ ان مسیں سمتیات استعال کرنے کی ضرورت نہیں؛ ہم زاوی سستی رفت اور گھٹڑی وار شسٹری گھے و مثبت اور گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی کو مثبت ہیں۔

زاوی ہٹاو۔ پہلے انتباہ کی بات کرتے ہیں: زاوی ہٹاو (ماسوائے انتہائی چھوٹاہٹاو) کوسمتیے ہے ظہر نہیں کسیاحبا سکتا۔ کیوں نہیں ؟ہم یقیدینا اسس کے رخ اور صدر کی بات کر سکتے ہیں، جیب شکل 6.10 مسیں زاوی سسمتی رفت ارکے لئے کسیا گیا۔ تاہم، سمتی ہے ظہر کیے حبانے کے وتابل ہونے کے لئے ضروری ہے کہ معتدار سسمتی جمع کے قواعد پر پوراالرقی ہو۔ ان قواعد مسیں ایک و سام سام کے مستوا سے کہ محتدار سسمتی جمع کرتے وقت ان کی ترتیب غیب رضروری ہے۔ زاوی ہٹاوا سس ساعدہ پر پورانہ میں ایک ورانہ ہیں ایک ورانہ ہیں ایک اس میں ایک ہوتا ہے کہ سمتیا ہے کہ سمتی ہے کہ سمتیا ہے کہ سمتی ہے کہ سمتی ہے کہ سمتیا ہے کہ سمتی ہے کہ ہے کہ سمتی

شکل 7.10 مسیں دی گئی مشال پر غور کریں۔ایک کتاب کو، جو ابت دائی طور پر افتی پڑی ہے، دو مسرتب °90 زادی ہٹاوے کے گزارا گیا ہے؛ ایک مسرتب شکل 7a.10 اور دو سسری مسرتب سشکل 7b.10 کی طسرح۔ دونوں مسیں ہٹاو برابر، لسیکن ترتیب ایک نہیں، اور آخنسر مسیں کتاب ایک حبیبی سست بہند نہیں۔ دوسسری مشال لیتے ہیں۔ دایاں با___م. گھساو

ہاتھ لاکا کر ہتھیلی ران پر رکھیں۔ کلائی سخت کر کے، (1) بازو سامنے است اٹھیائیں کہ افقی ہو، (2) اسس کو یورا دائیں لے حبائیں، اور (3)اسس کے بعب ہاتھ واپسس نیچے ران تک لے حبائیں۔ آپ کی جھیلی اب سامنے رخ ہو گی۔ اگر آپ یمی عمسل الٹ ترتیب سے دہرائیں، آپ کی ہتھیلی آحنسر مسیں کس رخ ہو گی؟ان مثال سے ہم دیکھتے ہیں کہ زاوی ہٹاو کا مجسوعہ انہیں جمع کرنے کی ترتیب پر منحف رہے، البذائب او کوسمتیہ تصور نہیں کے احب اسکتا۔

۲.۲ متقل زاوی اسسراع کا گھیاو

معاصد اسس ھے۔ کوپڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. متقل زادی اسسراع کی صورت مسین زاوی معتام ، زادی ہٹاد ، زادی سعتی رفت ار ، زادی اسسراع ، اور گزرے دارانے کے تعلق (حبدول ۴۰۱۱) استعال کریائیں گے۔

كليدي تصور

• مستقل زادی اسراع (جس میں α مستقل ہوگا) گھیاد حسر کے کا ایک اہم خصوصی صورت ہے، جس کی محبر دحسر کسات مساوات ذمل ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha (\theta - \theta_0)$$

$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2} (\omega + \omega_0) t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2} \alpha t^2$$

ستقل زاوی اسسراع کا گھمیاو

متنقیم حسر کے مسیں متقل خطی اسراع کی حسر کے (مشلاً، زمسین پر گرتا ہوا جسم)ایک اہم خصوصی صورے ہے۔ حبدول 1.2 مسین اسس طسرح کی حسر کت کومطمئن کرتی مسیاوات پیش کی گئیں۔

حنالص گھماومسیں متنقل زاوی اسراع ایک اہم خصوصی صورت ہے؛اسس کومطمئن کرنے والی مطباقتی مساوات مائی حباتی ہیں۔ ہم انہیں بیباں اخبذ نہیں کری گے، بلکہ مطبابقی خطی مساوات مسیں مساوی زاوی متغبیرات ڈال کر انہ میں پیش کرتے ہیں۔ حبدول اجم مسین مساوات کی دونوں فہسرست (مساوات 11.2 اور مساوات 15.2 تا مساوات 18.2؛ مساوات ۱۲.۲۲ تامساوات ۱۲.۲۸) پیشن کی گئی ہیں۔

بادرے مباوات 11.2 اور مباوات 15.2 متقل خطی اسراع کی بنسادی مباوات ہیں، جن سے فہر سب کی ہاقی تمام مساوات اخسذ کی حباسکتی ہیں۔اسس طسرح،مساوات ۱۲.۴ اور مساوات ۲.۱۳ مستقل زاوی اسسراغ کی بنبادی مبادات ہیں، جن سے زاوی مبادات کی فہسرست کی ماتی تمیام مساوات اخبیذ کی حساسکتی ہیں۔ مستقل

حبدول ۲۰۰۱، مستقل خطی اسسراغ اور مستقل زاوی اسسراع کی حسر کت کی مساوات

(r.ir)
$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$
 (2.11) $v = v_0 + at$

(r.ir)
$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
 (2.15) $x - x_0 = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$

$$(r.r) \omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0) (2.16) v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

(r.ia)
$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$
 (2.17) $x - x_0 = \frac{1}{2}(v_0 + v)t$

(7.14)
$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$
 (2.18) $x - x_0 = vt - \frac{1}{2}at^2$

زادی اسراع کا سادہ مسئلہ حسل کرنے کے لئے آپ عصوماً زادی فہسرست سے (اگریہ فہسرست آپ کے پاکس موجود ہو) ایک مساوات استعال کر پائیں گے۔ آپ وہ مساوات منتخب کریں گے جس مسین صرف وہ متنخب عنب معسلوم ہوجو آپ کو در کار ہو۔ بہستر طسریق سے ہوگا کہ آپ مساوات ۱۲.۱۲ اور مساوات ۱۳.۱۳ اور مساوات حسل کریں۔ کیس اور جب ضرورت پیش آئے، انہیں بطور ہمسزاد مساوات حسل کریں۔

آزمائش ۲

(3)، $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج)، $\theta = 3t - 4$ (ابرج) $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج) $\theta = 3t - 4$ (ابرج) $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج) $\theta = -5t^3 + 4t^3 + 6$ (برج) $\theta = -5t^3 + 4t^3 + 6$ (برج) $\theta = -5t^3 + 6t^3 + 6t^$

نمونی سوال ۲۰۰۳: ممتقل زاوی اسراع، یکی کا پایش مستقل زاوی اسراع، یکی کا پایش $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراسس کی زاوی مستل $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراسس کی زاوی مستال دورا سروعینی گئی موالد کسیسر کامت م $\alpha=0$ ہے۔ $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$

(۱)وقت t=0 سے کتی دیر ہوں۔ حوالہ ککسے رزاوی معتام heta=0 سپکریر ہو گی؟

كليدي تصور

میں ہے۔ چونکہ زاوی اسسراع مستقل ہے لہلنداہم حبد ول ا جس سے مساوات چن کتے ہیں۔ ہم مساوات ۳.۱۳

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

کا انتخاب اسس لئے کرتے ہیں کہ اسس مسیں صرف ایک متغیبر، t ، نامعسلوم ہے اور ہمیں یہی در کارہے۔

باب ۲۰. گھماو

 $\theta_0 = 0$ اور $\theta_0 = 0$ اور $\theta_0 = 0$ کیتے ہوئے ذیل ہوگا۔

$$10\pi\,\mathrm{rad} = (-4.6\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})t + \frac{1}{2}(0.35\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2})t^2$$

(اکائیوں کے شباہ کی حناطب ہم 5.0 حیکر کو 10π ریڈیٹن مسین تبدیل کرتے ہیں۔)اسس دو درجی الجبرائی مساوات کو حسل کرنے ہے ذیل حساصل ہوگا۔

$$t = 32 \,\mathrm{s}$$

ان ایک بچیب بات پر خور کریں۔ جب ہم پہلی مسرت پاٹ پر نظر ڈالتے ہیں یہ منتی رخ گوم کر $\theta=0$ ست بند معتام ہے گزر تا ہے۔ اسس کے باوجود a=0 بعد ہم اسے a=0 a=0 حپکر مثبت ست بند معتام پر پاتے ہیں۔ اسس دورانے مسین ایسا کیا ہوا کہ پاٹ مثبت ست بند معتام پر ہو سکتا ہے ؟

اور
$$t=32\,\mathrm{s}$$
 اور $t=32\,\mathrm{s}$ اور $t=0$

 $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ ناوی رفت ار بے حسر کت کر تا ہے، $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ تاہم اسس کا زاوی اسراع α مثبت ہونے کی بدولت پائے منفی رخ کے جست میں الی مثبت رخ گومن شروع کر تا ہے۔ حوالہ ککسی رمثبت رخ کو کر گا ہے والہ کک والہ کا باور a کا گا رہے تا کہ مثبت رخ کے مشبت رخ مسندید a کا درنے تا کہ مثبت رہے کہ مثبت رہے کہ دور کے دیکر کا دیکر کے دور کے دیکر کرتے کے دور کے دیکر کا دیکر کے دور کے دیکر کا دیکر کے دور کی کا دیکر کے دیکر کے دیکر کے دیکر کے دیکر کے دور کے دیکر ک

(5)یا ہے کس وقت t پر کمحساتی رکتاہے؟

حماہے: ہم دوبارہ زاوی مساوات کی فہسرست پر نظسر ڈالتے ہیں اور ایسی مساوات لین حیات ہیں جس مسیں صون t نامعسلوم متغیسر ہو۔ تاہم، اب مساوات مسیں ω کاہونا بھی ضروری ہے، تا کہ ہم اسس کو 0 لے کر مطابقتی t کے کے حسل کریں۔ ہم مساوات t1. ہم منتخب کرتے ہیں، جوذیل دیگی۔

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{0 - (-4.6 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})}{0.35 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2}} = 13 \,\text{s}$$

نمونی سوال ۴۰،۴: ممتقل زاوی اسراع، پیے کی سواری

تغسری گاہ مسیں ایک بڑا پہیا جہاتے ہوئے آپ کی نظسر پہیے پر سوار ایک شخص پر پڑتی ہے جو پریشان نظسر آتا ہے۔ آپ پہیے کی زادی سسی مرکز مسیں کم کر عبیہ کے ساتھ 3.40 rad s⁻¹ کے ساتھ 20.0 حبکروں مسیں کم کر کے بہت کی زادی سسی راسس شخص کو"گھومت شخص"تصور کرنے ہے" مستقیم حسر کرتے ہیں۔ (اسس شخص کو"گھومت شخص"تصور کرنے ہے" مستقیم حسر کرتے کر تا شخص "کہنازیادہ بہستر ہوگا۔)

(۱)زاوی سنتی رفت ارکی کی کے دوران متقل زاوی اسراع کیا ہوگی؟

سے کی زادی اسراع مستقل ہے، المبذا ہم اسس کی زادی سمتی رفتار اور زادی ہاو کا تعلق مستقل زادی اسراع کی مساوات (مساوات ۱۲ ۱۲ مراور مساوات ۱۳ ۲۰ ۲۰) سے حسان کتے ہیں۔

حماہ: آئیں دیکھیں آیا ہم ان بنیادی مسادات کو حسل کریائیں گے۔ ابت دائی زادی سستی رفت ار $\omega=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اورہاوی سے آرنوی ہون اور ہاوی ہے ہورہ کے آسندر پر زاوی سے تار فت ال $\theta-\theta_0=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ = ہے۔ ہم متقل زاوی اسراع α حبانت حیاج ہیں۔ دونوں مساوات میں وقت t پیاحب تا ہے، جس میں ضر وری نہیں ہم دلچیبی رکھتے ہوں۔

نامعلوم t حنارج کرنے کے لئے ہم مساوات tا ہم ا

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha}$$

لکھ کرمپاوات ۱۳ ہمپیں ڈالتے ہیں۔

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right) + \frac{1}{2} \alpha \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right)^2$$

م کے لئے حسل کر کے، دی گئی معسلومات پُر کر کے، اور 20.0 حیکر کو 125.7 rad مسیں بدل کرذیل حساس ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\omega^2 - \omega_0^2}{2(\theta - \theta_0)} = \frac{(2.00 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2 - (3.40 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2}{2(125.7 \,\text{rad})}$$
$$= -0.0301 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2} \qquad (\text{--}1.2)$$

(___)رفت ارکتنے وقت مسیں کم کی گئی؟

 $t = \frac{1}{2}$ حیات میں، میاوات t = t سامسل کیا جا سات ہیں، میاوات t = t

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{2.00 \,\text{rad s}^{-1} - 3.40 \,\text{rad s}^{-1}}{-0.0301 \,\text{rad s}^{-2}}$$
$$= 46.5 \,\text{s} \qquad (-1.8)$$

۳٫۳ خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

مقاصد اسس ھے کویڑھنے کے بعد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

باب ۲۰. گلماو

ا. فت ائنہ محور پر گھومتے ہوئے استوار جم کے زاوی متغیبرات (زاوی مقتام، زاوی سنتی رفت ار، اور زاوی اسسراع) کا جم پر ایک ذرب، جو کسی رداسس پر پایا حب تا ہو، کے خطی متغیبرات (مقتام، سنتی رفت ار، اور اسسراع) کے ساتھ تعساق حب ان یا ئیں گے۔

۲. ممائی اسسراغ اور ردای اسسراغ مسین تمسیز کر پائیں گے، اور کی محور پر گھومتے ہوئے جہم پر موجود ذرے کے لئے بڑھتی زاوی رفت اردادی مسین دونوں کے سمتیر بسنایائیں گے۔

كليدي تصور

• گومتے جمم پر محور گھماوے عصودی مناصلہ ۲ پرپائے حبانے والا نقط، رداسس ۲ کے دائرے پر حسر کت کرتا ہے۔ اگر جمم زاویہ θ کھوے، ب نقط، درج ذیل تو ی مناصلہ ۶ طے کریگا، جہاں θ ریڈ مین مسین نایا حبائے گا۔

$$s = \theta r$$
 (ریڈینُن ناپِ)

• اسس نقطے کا خطی سمتی رفت از 🕏 دائرے کو ممسای ہو گا؛ نقطے کا خطی رفت از ذیل ہو گا، جہساں 🗤 جسم اور نقطے کا (ریڈیئن فی سسکینٹر)زادی رفت ارہے۔

$$v = \omega r$$
 (ریزینُناپِ)

 اس نقطے کے خطی اسسراغ π کے دوھے ہوں گے؛ ایک ممائی حسنرواور دوسسراردائی حسنرو۔ ممائی حسنروذیل ہو گا، جباں α جم کے (ریڈیئر) فی مسر بع سیئٹر مسیں)زادی اسسراع کی ت درہے۔

$$a_t = \alpha r$$
 (ریڈینُن نایے)

ر داسی حبزوذیل ہو گا۔

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$
 (ریڈیمن ناپ)

• اگرید نقط یک ان دائری حسر کت کرتا ہو، اس نقطے اور جسم کادوری عسر صب T ذیل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (ریزین ناپ ا

خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

محور گھاو کے گرد دائرے پر متقل خطی رفتار ہ کے ساتھ حسرک کرتے ہوئے ذرے کی بیاں دائری حسرک پر حصہ 5.4 مسین غور کسی خور کسی میں خور کسی میں میں ایک جستوار جہم کسی محور کر گھومت ہے، جہم کاپر ذرہ اپنے ایک دائرے پرائ محور کے گرد گھومت ہے۔ چونکہ جہم استوار (بلا کچک) ہے، ایسے تمام ذرے ہم صدم حسل کر ایک جستے وقت مسیں ایک حسکر مکسل کرتے ہیں؛ان سب کی زاوی رفتار ہ برابر ہے۔

تاہم، ایک ذرہ جتنا تحورے دور ہوگا، اتن اس کے دائرے کامحیط بڑا ہوگا، لہندا اسس کی خطی رفت ار σ اتنی زیادہ ہوگا۔ گھومنے والے جھولے تاہر ہسٹھ کر آپ اے محسوسس کر سکتے ہیں۔ مسر کزے جبتنے مناصلے پر بھی آپ ہول، آپ کی زاوی رفت ار σ ایک جھولے تاہم مسر کزے دور ہونے پر آپ کی خطی رفت ار σ بڑھے گا۔

ہم جم پر کی مخصوص نقطے کے خطی متغیبرات s ، v ، اور a اور v ، اور a کا تعبان جبانت v ، اور v کا تعبان جنایں۔ متغیبرات کی ان فہرست کار سفتہ مور گھاوے نقطے کے عسودی متغیبرات کی ان فہرست کار سفتہ مور گھاوے نقطے کے عسودی سناصلہ r کے ذریعے ہو گا۔ ب عسودی مناصلہ اس دائرے کارداس r ہو گا جس پر محور محمود کا کہ جب کہ میں معرکت کرتا ہے۔

معتام

اگر استوار جہم پر تھینجی گئی حوالہ لکسے رزاویہ 6 گھوے، محور گھساوے ۴ مناصلے پر موجود جہم کے اندر نقطہ دائری قوسس پر مناصلہ ۶ طے کرے گا، جہاں ۶ کی قیمیہ مساوات ۱۰، بی ہے۔

$$(r.12)$$
 $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ ا

مباوات ۱۷ مه جارا پہلی خطی و زاوی لغساق ہے۔انتباہ: زاویہ θ کاناپ ریڈیئن مسیں لاز می ہے چونکہ درج بالامساوات زاویے کے ریڈیئن مسین ناپ کی تعسریف ہے۔

رفتار

رداس ۲ کومتقل رکھ کروقت کے ساتھ مساوات ۱۷ ۴ کا تفسرق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}r$$

$$v = \omega r$$
 (پینین تایا میرین تانیم) $v = \omega r$

انتبه:زاوى رفت ارس لازماريدين في سيكندمين نابي حبائے گا۔

استوارجم کے بتم اندرونی نقطے ایک زاوی رفت ارس سے گھو سے بین الہذا مساوات ۱۰۸ مہتی ہے زیادہ رواس ۲ پر واقع نقطے کی خطی رفت ار بہیث نقطے کی دائری راہ کو مماسی ہوگ۔ نقطے کی خطی رفت اربہیث نقطے کی دائری راہ کو مماسی ہوگ۔ اگر جم کا زاوی رفت ارس مستقل ہو، مساوات ۱۸۰۸ ہم ہتی ہے جم کے اندر نقطے کی خطی رفت ارس بھی مستقل ہوگ یوں، جم کے اندر موجود ہر نقطے بیساں دائری حسر کت کرتا ہے۔ استوار جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر مسسس کے اندر موجود ہر نقطے بیساں دائری حسر کت کرتا ہے۔ استوار جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر مسسس کا دوری عسر مساوات 35.6 نیل وی ہے۔

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

merrygoround"

۸۰ پایس ۲. گلمباو

 $2\pi r$ کو اسس رفت از سے تحت ، ایک حیکر کے وضاف $2\pi r$ کو اسس رفت از سے تحت می کر کے جس سے وضاف ہوگا۔ کسیاحب نے ایک حیکر کاوقت حساصل ہوگا۔ مساوات v ۔ اللہ کار کر منسوخ کر کے ذیل حساصل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (بیڈیمُن ا بی ازیڈیمُن ا بی ازیڈیمُن ا

یہ معادل مساوات کہتی ہے ایک حیکر کازادی مناصلہ، 2π ریڈ مین، اسس زاوی رفت ارسے تقسیم کرکے، جس سے زاوی و ناصلہ طے کسا حیا کے ایک حیکر کاوقت مسال ہوگا۔

اسسراع

رداسس ۲ متقل رکھ کر t کے لحاظ سے مساوات ۲۱۸،۴ کا تفسر ق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}r$$

یہاں ہم ایک پیچید گی کا سامن کرتے ہیں۔ مساوات انہ کا بایاں ہاتھ dv/dt فطی اسراع کے صرف اسس ھے کو ظل ہم ایک پیچید گی کا صدر تحلی اسراع کا سے فط ہر کر تا ہے جو خطی سمتی رفت او \overline{v} کی صدر تحلی اسراع کا سے حصہ نقط کی راہ کو مما می ہوگا۔ ہم اے خطی اسراع کا مما ی جو نظم کے جہ کہہ کرذیل کھتے ہیں، جہاں $\alpha = dw/dt$

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (ریڈیمن ناپ)

انت ہ: مساوات ۲۰۲۳ مسیں زاوی اسراع α کاریڈ بیٹن ناپ مسیں ہونالازم ہے۔ ساتھ ہی، جیسا مساوات 34.4 ہمیں بہت تی ہے ، دائری راہ پر گامسزن ذرے (یا نقطے) کے خطی اسراع کا (ردای مسر کز کے رخ) ردای جبزو $\frac{v^2}{r}$ ہوگا، جو گا، جو خطی سستی رفت از \overline{v} کے رخ مسیں تب یلی کاذم دار ہوگا۔ مساوات ۱۸ مسی \overline{v} ڈال کر یہ جبزو درج ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$(r.rr)$$
 $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (پیریمن ناپ از پریمن ناپ از پریمن

یوں، جیب سٹکل 9b.10 مسیں دکھیایا گیا ہے، استوار گھوٹے جم پر نقطے کے خطی اسسراع کے عصوماً دو حبزو ہوں گے۔ جب بھی جم کی زاوی سستی رفت ارغیب صفسہ ہو، ردای اندر کی طسر ن کاحبزو a_r موجود ہوگا (جو مساوات ۲۳۳ میں ورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔ رق ہے)۔ ممای حبزو a_t (جو مساوات ۳۰۰ وی ہے) اسس صورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔ a_t آزمانٹ س

گھونے والے جھولے کے حلق پر چیو نئی سیسٹھی ہے۔اگر اسس نظام (گھومٹ والا جھولا و چیو نئی) کی زاوی سسمتی رفت ارمستقل ہو، کسیا چیو نئی کا (ا)ردای اسسراع اور (ب) ممسائی اسسراع ہو گا؟ اگر س گھٹ رہی ہو، کسیا چیو نئی کا (ج)ردای اسسراع اور (د) ممسائی اسسراع ہوگا؟

نمونی سوال ۲۰۰۵: تفریح گاہ **میں ایک بڑے علقہ کی بناولے** ہمیں ایک بڑاافقی علقہ ، جس کارداس س 33.1 سے ہوگا، بنانے کو کہا گیا ہے جوانقسانی دھسرے پر جیلے گا۔ (پ جبین مسیں موجود دنیا کے سب ہے بڑے پہتے جتنا ہوگا۔) موار کے ہیں موجود دروازے ہے دارسیں موجود دروازے ہوں میں موجود دروازے ہوں ہوگا۔ t=0 موجود دروازے ہوں گا۔ t=0 موجود دروازے ہوں ہوگا۔ t=0 ہوگا۔ کاری موجود دروازے ہوں ہوگا۔ t=0 ہوگا۔ ہوگا۔

$$\theta = ct^3$$

لحبہ $z=2.30\,\mathrm{s}$ کے بعب جمولنے کے بھی رامکسل ہونے تک زاوی رفت ارمستقل رکھی حبائے گا۔ گھومت شروع ہونے کے بعب ، موارکے پاول سلے فسٹر سٹ ہیٹ اوی رفت ان وہ گرے گانہ میں؛ بلکہ وہ دیوار کے ساتھ مفبوطی سے حب گزا موسس کر کے گا۔ گھوسس کر کے گا۔ گوسس کر کے گار فی اسسراع z=1 پر شخص کی زاوی رفت ان سی منظی رفت ان z=1 روای اسسراع z=1 ہوں میں۔

كلي دى تصور

(1) مساوات T راوی رفتار w و بی ہے۔ (2) مساوات T (دائری راہ پر) خطی رفتار T اور (کور گھساو کے گرد) راوی رفتار T کا تعلق T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (4) مساوات T و بی ہے۔ (5) مساوات T و بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی میں عصوری حسنو ہیں۔

حماج: آئیں ان افت دام سے گزریں۔ دیے گئے زاوی معتام تف عسل کاو متنی تفسر ت کے کر 2.20 s پُر کر کے زاوی سنتی رفت ارمعیادہ کرتے ہیں۔

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} = \frac{d}{dt}(ct^3) = 3ct^2$$

$$= 3(6.39 \times 10^{-2} \,\text{rad s}^{-3})(2.20 \,\text{s})^2$$

$$= 0.928 \,\text{rad s}^{-1} \quad (\text{--}1\text{s})$$

مساوات ۱۸ ۱۳ س کیجے کی ذمل خطی رفت ار دگی۔

اگر حیب بید رفت از (111 km h⁻¹) تبیز ہے، ایکی رفت از تفسری گاہوں مسیں عسام ہیں، اور خطسرے کا باعث نہیں ؛ (جیب باب 2 مسیں ذکر کیا گیا) ہمارا جم اسراع کورد عمسل کرتا ہے، خطی رفت از ہم بیت ہمیں کے ساتھ بڑھے گی (تاہم یہ اضاف سے مسرعت پیسا ہیں)۔ مساوات ۲۲ ہم کہتی ہے خطی رفت از، وقت کے مسرع کے ساتھ بڑھے گی (تاہم یہ اضاف لے 2.20 s

باب ۲۰. گلماو

اسس کے بعب، مساوات ۲۵.۲۵ کاوقت تفسر ق لے کرزاوی اسسراع معسلوم کرتے ہیں۔

اب مساوات ۴۰۲۲مماسی اسراع at دیگی:

$$a_t = \alpha r = 6ctr$$

$$= 6(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})(33.1\,\mathrm{m})$$

$$= 27.91\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \approx 27.9\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{---})\text{s})$$

جو 2.8g ، جہاں $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-2}}$ برابر ہے (جو مناسب ہے اور پُر اطف ہوگا)۔ مساوات $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-3}}$ مما تی اسراع اقت کے ساتھ بڑھ رہا ہے (تاہم سے اضاف $t=2.30\,\mathrm{s}$ پر رک حبائے گا)۔ مساوات $t=2.30\,\mathrm{s}$ ہما تی اسراع کھتے کر:

$$a_r = \omega^2 r$$

 $\omega = 3ct^2$ والمسترابي $\omega = 3ct^2$

$$a_r = (3ct^2)^2 r = 9c^2t^4 r$$

$$= 9(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})^2 (2.20\,\mathrm{s})^4 (33.1\,\mathrm{m})$$

$$= 28.49\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \approx 28.5\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{--})\text{s}$$

جو 2.9g دیت ہے (ب بھی من سب ہے اور پُر لطف ہوگا)۔

ردای اور ممیای اسسراناً ایک دو سسرے کو عصودی میں اور سوار کے اسسراغ \vec{a} کے حبیز و میں (شکل 10b.10)۔اسسراغ \vec{a} کی تعدر ذیل ہو گی:

$$\begin{array}{c} a = \sqrt{a_r^2 + a_t^2} \\ \\ = \sqrt{(28.49\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2 + (27.91\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2} \\ \\ \approx 39.9\,\mathrm{m\,s^{-2}} \quad (\cup{...}) \end{array}$$

جو 4.1g کے برابر ہے (یہ یقیناً پُر لطف ہوگ!)۔ یہ تمام معتاد پر مناسب ہیں۔ اسراع تھ کی سمت بندی حبانے کے لئے ہم زاویہ θ معلوم کرتے ہیں (مشکل 10b.10)۔

$$\tan \theta = \frac{a_t}{a_r}$$

ہم ہم گھماو کی حسیر کی توانائی ۸۳

آئیں اعبدادی نتائج کے کرنے کی بحبائے ہم مساوات ۲۷.۳۸ اور مساوات ۴۸.۲۸ کے الجبرائی نتائج استعال کرتے ہیں۔

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{6ctr}{9c^2t^4r}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{2}{3ct^3}\right)$$

ریاضی نتیج کابڑاف کرہ ہے ہے کہ ہم اب دیکھ سکتے ہیں کہ (1)زاویے پر رداسس کا کوئی اثر نہیں ہو گااور (2)اسس کی قیمت t کی تیت 0 تا 2.20 ہڑھانے سے گھٹتی ہے۔ ردای اسراع (جو t^4 یر منحصر ہے) بہت جلد ممای اسراع (جو مرنے $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔ $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔

$$\theta = \tan^{-1}\frac{2}{3(6.39\times 10^{-2}\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})^3} = 44.4^\circ \qquad (\text{...})$$

س. سم مستحمهاو کی حسر کی توانائی

مقاصد اسس حص۔ کو پڑھنے کے بعسد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. ذرے کا گھمیے ری جمود نقطے پر تلاسٹ کریائیں گے۔

۲. و انک محور کے گرد گھومتے ہوئے متعبد د ذرول کا کل گھمپ ری جمود تلاسٹس کرمائیں گے۔

س. گھمپ ری جمود اور زاوی رفت ارکی صورت مسیں جسم کی گھمپ ری حسر کی توانائی تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• تائب محور پر گھومتے استوار جسم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2$$
 (پیٹین ناپ)

جب اں I جم کا گھیسری جمود کہ اتا ہے، جس کی تعسریف انفٹ رادی ذروں کے نظام کے لئے درج ذیل ہے۔

$$I = \sum m_i r_i^2$$

گھپاوی جسے کی توانائی

مینز آرا کا تیبزی ہے گومت دھے ر دار پیسل یقیناً گومنے کی بن حسر کی توانائی رکھتا ہے۔ ہم اسس توانائی کو کسس طسرح بیان کر کتے ہیں؟ ہم توانائی کے عصومی کلیہ $K=rac{1}{2}mv^2$ سے پورے آرا کی حسر کی توانائی حسال نہیں کر سکتے چونکہ ے آرے کے مسر کز کمت کی حسر کی توانائی دیگا،جو صف رہے۔ باب ۲. گهماو

اسس کے بحبائے، مسینز آرا (اور کسی بھی دوسسرے گھومتے استوار جمم) کو ہم مختلف رفت ارسے حسر کت کرتے ذروں کا محبسوعی تصور کرتے ہیں۔ ان ذروں کی انفسسرادی حسر کی توانائی حساسل کی حباسکتی ہے۔ یوں گھومتے جم کی حسر کی توانائی ذیل ہوگی،

$$K = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 + \frac{1}{2}m_3v_3^2 + \cdots$$

$$= \sum \frac{1}{2}m_iv_i^2$$

جہاں i وین ذرے کی کمیت m_i اور رفت اور v_i ہے۔ محبموعہ جسم کے تمام ذروں پر لیا حبائے گا۔

م اوات ۲۰۳۱ مسیں مشکل ہے ہے کہ ہر ذرے کی رفتار دوسرے سے مختلف ہو سکتی ہے۔ اسس مشکل ہے بیجنے کی دفتار دوسرے سے متعلق ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔ حناطب ہم مساوات ۱۸۰۸ء سے ۳۰ ال کر ذیل کھتے ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔

(r.rr)
$$K = \sum \frac{1}{2} m_i (\omega r_i)^2 = \frac{1}{2} \Big(\sum m_i r_i^2 \Big) \omega^2$$

مساوات ۱۳۲ مسیں دائیں ہاتھ تو سین مسیں بند مقدار، محور گھماوے لیاظ سے گھومتے جم کی کیت کی تقسیم پیش کرتی ہے۔ سے مقدار، محور گھماوے لیاظ سے گھومتے جم کا گھمیر کی جمود سازیا جمود کی معیار اثر سازی کہ اتا ہے، جس کو ہم I سے ظلم کرتے ہیں۔ محور گھماوے لیاظ سے جم کے I کی قیمت اٹل ہوگا۔ (انتباہ: I کی قیمت صورت بامتی ہوگا، جم کور گھماوی رائی جم کا I عصوماً مختلف ہوگا، تاہم اب بھی اسس کی قیمت مستقل ہوگا۔ I مستقل ہوگا۔ ہم کا I مستقل ہوگا۔ ہم کور گھماویر ای جم کا I عصوماً مختلف ہوگا، تاہم اب بھی اسس کی قیمت مستقل ہوگا۔

$$I = \sum m_i r_i^2$$
 (گھسے ری جمود) آ

مساوات ۲۳۲ مسین ڈال کر مطسلوب تعسلق:

حاصل کرتے ہیں۔ چونکہ $v = \omega r$ استعمال کرکے درج بالا تعساق حیاصل کرتے ہیں۔ چونکہ $v = \omega r$ کی قیمت ریڈیئن ناپ مسین کھنی ضروری ہے۔ جو دی معیار از z کی اکائی کلوگر ام مسرع مسیر z

طریقہ کار۔ اگر جہم چند ذروں پر مشتل ہو، ہم ہر ذرے کی انفسرادی حسر کی توانائی mr2 تلاسٹس کر کے تمام کا محبموعہ، مساوات ۳۳۳ می کی طسرح، لے کر جہم کا کل تھمیسری جود I معسلوم کر سکتے ہیں۔ جہم کی کل تھمیسری حسر کی توانائی حبائے کے لئے معسلوم شدہ I کو مساوات ۳۳۴ مسیں ڈالٹ ہوگا۔ چند ذروں کے لئے ہے طسریقہ کار استعال کیا

rotationalinertia"

momentofinertia

۸۵ میسری جمود کاحب ب

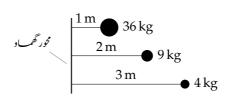
حبائے گا؛ اگر جہم مسین ذروں کی تعداد بہت زیادہ ہو (جیسا ایک ساخ مسین ہو گا) تب کسیا ہو گا؟ اگلے ھے مسین ہم اسس قتم کے استمراد کا اجسام کونپٹنا سسکیھیں گے؛ فسکر مت کریں، نستانج مسئوں مسین حساصل ہوں گے۔

مساوات ۱۳۳۳ جو حنالص گھماوی صورت مسیں استوار جم کی حسر کی توانائی $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ دیتی ہے، حنالص مستقیم حسر کرت کی صورت مسیں جسر کی توانائی کلی ہے مسیں $K = \frac{1}{2}Mv^2$ کی زاوی معادل ہے۔ دونوں کلیوں مسیں $K = \frac{1}{2}Mv^2$ کی زاوی معادل ہے۔ دونوں کلیوں مسیں کیت $K = \frac{1}{2}Mv^2$ جب دوخربی پایا جب تا ہے۔ ایک کلیہ مسیں کیت M جب کہ دوسرے مسیں K (جس مسیں کیت اور کمیت کی تقسیم دونوں مشار کا مسر تع پایا جب تا ہے والی مسیں دفتار کا مسر تع پایا جب تا ہے والی ہے، تا ہم دوسرے مسیں زاوی)۔ مستقیم اور اور حسر کی حسر کی توانائی دو مختلف توانائی ان جسیں۔ دونوں حسر کی توانائی ہے، تا ہم مسئلہ دکھ کر موزوں صورت ایسائی گئی ہے۔

ہم پہلے کہ۔ پ جی بین کہ گومتے جہم کا گھی۔ ری جود ناصرف کی۔ بلکہ کی۔ کی تقسیم پر بھی مخصر ہوگا۔ آئیں ایک ایک مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لمبی اور بھیاری سان ، پہلے طولی محود پر (شکل 11a.10) مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لمبی کی اور سان کی بھی نقط ہے گزرتی اور سان کو عصودی محمود پر (شکل 11b.10) گھی میں کیے۔ ایک سے باہم پہلی صور سے مسین گھی ازیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین گھی ازیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین کی بدولت شکل 11a.10 میں سان کی بدولت شکل 11a.10 میں سان کا گھی ری جود کی صور سے مسین گھی نازیادہ آسان ہوگا۔ مسین گھی نازیادہ آسان ہوگا۔ کم گھی ری جود کی صور سے مسین گھی نازیادہ آسان ہوگا۔

آزمائشس

تین کرہ انتصابی محورے گرد گھومتے سشکل مسیں د کھائے گئے ہیں۔ ہر کمیت کے مسر کزے محور تک عصودی مناصلہ بھی دیا گیاہے۔اسس محور پر گھمیسری جمود کے لحیاظ ہے کمسیوں کی در حب ہیندی کریں۔ زیادہ قیست اول رکھسیں۔



۴.۵ گھیری جمود کاحساب

مقاصد

اس مے کوپڑھنے کے بعد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ان اجام كالهميري جود معلوم كرپائيس كي جوحب دول 1.10مين دي گئے ہيں۔
 - ۲. جم کے تمین گزوں پر تکمل لے کر جم کا گھمیے ری جود تلاسٹس کریائیں گے۔
- س. جم کے مسر کز کمیت سے گزر تی محور گھساوسے ہے کر متوازی محور کے لئے متوازی محور مسئلے کااطبلاق کریائیں گے۔

باب ۲۰. گھساو

كليدي تصورات

• انفنسرادی ذرول پر مشتل جسم کے گھمیسری جمود کی تعسریند:

$$I=\sum m_i r_i^2$$
 اور جس جم مسیں کمیت کی تقسیم استمراری ہوذیل ہے۔ $I=\int r^2\,\mathrm{d}m$

انعنسرادی ذرے کا محور گھماوے عصودی فناصلہ r_i ہے۔ ای طسر تکمل مسیں کمیت کے کلڑے کا محور گھماوے عصودی فناصلہ r_i ہورے جم پر لیا حباتا ہے تا کہ کمیت کے تمام کلڑے مشامل کیے حسائیں۔

• کی بھی محور پر جم کے گھمیے ری جمود I اور مسر کز کمیت سے گزرتی متوازی محور پر ای جم کے گھمیے ری جمود کا تعساق:

$$I = I_{--- \langle \lambda \rangle} + Mh^2$$

مسئلہ متوازی محور دیت ہے۔ دو محوروں کے نی عسبودی مناصلہ h ہے، اور مسرکز کیت سے گزرتی محور گھساویر جم کا گھسیدی جمود سے رہز کی مسلم کر کیت سے گزرتی محور گھساوسے جتنادور اصل محور گھساوہ بنائی گئی، ہم h کو دون اصلہ تصور کر سے تیں۔

گھىپەرى جمود كاحساپ

چند ذروں پر مشتل استوار جسم کا گلمیسری جمود، محود، محود گلساویر، مساوات $(I=\sum m_i r_i^2)$ وی ہم ہر ذرے کا مستوں کرکے تمام کا محبوعہ لیتے ہیں۔ (یادر کھیں کہ محور گلساوے ذرے کا عصودی مناصلہ T ہوگا۔)

اگر جم مت ریب مت ریب انتهائی زیادہ ذروں پر مشتل ہو (جسم استمراری ہوگا)، مساوات ۳۳۳ کا استعال بہت لمب کام ہوگا جس کے لئے کمپیوٹر در کار ہوگا۔ بہتریہ ہوگا، ہم مساوات ۳۳۳ کے محب وعب کی جگہ کمل لے کر گھسیسری جمود کی تعسرین زیل کریں۔

$$I=\int r^2\,\mathrm{d} m$$
 (۴.۳۵) $I=\int r^2\,\mathrm{d} m$ (۴.۳۵)

حبدول 2.10 مسیں عسام سشکل وصورت کے نواجسام کے لئے ، تکمل کے نستانج پیشس کیے گئے ہیں اور مسمل محور گھساو کی نشاندہ ی کی گئی ہے۔ ۸۷ جميري جمود کاحباب

مسئله متوازي محور

فسنسرض کریں ہم دی گئی محور گھاو پر ایک جمم کا، جس کی کیت M ہو، گھیسری مجود I حبانت حہاہتے ہیں۔ یقیاً، ہم مساوات M ہو کمل ہے I حساس کر سکتے ہیں۔ تاہم، جم کے مسر کز کیت ہے گزرتی ایک محور گھاو، جو دی گئی محور کے متوازی ہو، پر گھیسری مجود M جا حبانتے ہوئے، ایک آسان راستہ اختیار کیا جب سکتا ہے۔ مسر کز کیت سے گزرتی محور گھیسوں محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محور آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور کے فی محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور پر گھیسری مجود M دی گئی محور کے گئی محود کی فی مصورت مسین کی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں)

$$(r. mag)$$
 $I = I_{\underline{\qquad \qquad }} + Mh^2$ (مسئلہ متوازی گور)

یوں تصور کریں جیب مسر کز کمیت ہے گزرتی محور گھساو کو دور ہٹا کر h فن صلے پر رکھا گیا ہے۔ یہ مساوات ممثلہ متوازی محور hمبال تی ہے۔

مسئله متوازي محور كاثبوي

سشکل 12.10 مسیں اختیاری سشکل و صورت جم کا، جس کا مسر کز کمیت O ہے، عسودی تراسش دکھایا گیا ہے۔ محمد دی نظام کامبدا O پر کھسیں۔ شکل کے مستوی کو عسودی، O سے گزرتی، ایک محور لیں؛ اسس محور کو متوازی، نقطہ P سے گزرتی، دوسسری محور لیں۔ نقطہ P کے محمد a اور b ہیں۔

ونسرض کریں کسی عصوبی محدد x اور y پر dm کمیت کا چھوٹا کھڑا ہے۔ نقطہ P پر محور کے لحاظ سے جسم کا گھمیسر ہی جود مساوات x ہم کے تحت ذیل ہوگا،

$$I = \int r^2 dm = \int [(x - a)^2 + (y - b)^2] dm$$

جس کوترتیب نوکے بعب دنیل لکھا حب سکتاہے۔

(r.r.2)
$$I = \int (x^2 + y^2) \, dm - 2a \int x \, dm - 2b \int y \, dm + \int (a^2 + b^2) \, dm$$

آزمائشس۵

مشکل ?? مسیں کتا ہے کی طسرح جم (جس کا ایک ضلع دوسرے سے لمب ہے) اور جم کے رخ کو عسودی حیار ممکن۔ محور گھساود کھسائے گئے ہیں۔ جم کے گھسے رمی جمود کے لحساظ ہے، اعظم قیمت اول رکھ کر، ان محور کی در حسب سندی کریں۔

parallelaxistheorem14

باب ۲. گھاو

نمونی سوال ۴.۶: دو ذروی جهم کا گھمیری جمود

شکل 13a.10 مسیں کیت ' m کے دو ذروں پر مشتمل استوار جم و کھایا گیا ہے۔ متابل نظر انداز کیت کا سلاخ، جس کی لمبائی L بے کمسیتوں کے فق کا ہے۔

(۱) سلاخ کوعہودی، جسم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور گلمباو (جیبا شکل مسیں د کھسایا گیاہے) پر جسم کا گلمب ری جود کساہو گا؟

كلب دى تصور

جہم صرف دوزروں پر (جن کی کیے ہے) مشتل ہے، اہلہٰ اہم تکمل کے بحبائے مساوات ۱۳۳ ستمال کرکے تھمسیری جمود سے برب_{ست} استان کس کے ہیں۔ ہم الفنسرادی کی<u>ت</u> کا تھمسیری جمود تلاسٹ کر کے دونوں کا محبصوعہ لیں گے۔

 $= \frac{1}{2} L$ حمود کی مناصلے پر کیت m کے دوزروں کا (محبوی) گھیں ہوگا۔

$$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = (m) (\frac{1}{2}L)^{2} + (m) (\frac{1}{2}L)^{2}$$
$$= \frac{1}{2} m L^{2} \qquad (\text{...})$$

(__) پہلی محور کو متوازی، سیاخ کے بائیں سے سرتے گزرتی، محور گھساو(شنکل13b.10) پرجم کا گھمیسری جمود کسیا ہوگا؟

كلب دى تصورات

ا تنی آسان صورت مسیں I باآسانی دونوں طسریقوں سے معسلوم کیا حب سکتا ہے۔ پہلا طسریقہ حبزوا کی طسرت ہے۔ دوسسرا، زیادہ طاقت ور طسریقہ مسئلہ متوازی محوراستعال کرتاہے۔

پہلا طریقہ: ہم حبزوا کی طسرت I معلوم کرتے ہیں، تاہم اب سلاخ کے بائیں سسر پر موجود ذرے کا r_i صف راور دائیں سسر پر ذرے کا L ہوگا۔ مساوات r_i اب ذیل دیگی۔

دوسرا طریقہ: ہم مسر کز کیت ہے گزرتی محور گھاہ پر جسم کا گھسیسری جمود حبائے ہیں اور دوسسرا محور مسر کز کیت ہے گزرتی محور کو متوازی ہے اللہ متوازی محور (مساوات ۳۳،۳) بروے کارلایاحب سکتا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$I = I \underline{\qquad} + Mh^2 = \frac{1}{2}mL^2 + (2m)(\frac{1}{2}L)^2$$
$$= mL^2 \qquad (\underline{\qquad})$$

نمونی سوال ۲۰۰2: یکمال سلاخ کا گھمیری جمود با تنکمل کمیت M اور لمب نی L کیک سال سال محور X پریوں رکھ گیا ہے کہ سلاخ کاوسط مبدا پر ہو (شکل 14.10)۔ ۵.۲. گمپری جود کاحباب

(۱) سلاخ کے وسطیر، سلاخ کو عصودی محور گھے ویر سلاخ کا گھمیے ری جمود کیا ہو گا؟

كلب دى تصورات

(1) سان انتهائی زیادہ ذروں پر ، جو محور گھساوے انتهائی زیادہ تعداد کے مختلف مناصلوں پر موجود ہیں، مشتل ہے۔ ہم ہر ذرے کا انفسنرادی گھسیری جود ہر گز معسلوم نہیں کرنا جہائے ۔ (ہم اپنی باقی تسام زندگی اسس کام مسیں گزار سکتے ہیں۔) المهندا، ہم محور گھسادی گھسیری جود کا عسومی الجبرائی فقت رہ ایک طحت ہیں۔ (2) ایک ایک کرے تسام چھوٹے مصوں کے گھسیری جود جمع کرنے کے بحب کے ، ہم اسس فقت رہ کا کمل لے کر محب وعید معسلوم کرتے ہیں۔ مساوات ۴۳۵ سے زیل کھیا حب تاہے۔

$$(r.r.) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

(3) سلاخ یک ال ہے اور محور گھی و عسین مسر کز کمیت سے گزر تاہے، البنداہم گھمیسری جمود مسر کز کمیت I معلوم کررہے ہیں۔

x عمد و x کے لیے نامے تمل حساس کرنا حیاہتے ہیں (ناکہ کمیت m کے لیے نامے جیب تمل کہتا ہے)، لہذا کمیت کے تکور dm کا سال نے کے مہداہ لمب نی dx کے ساتھ رسکتہ در کار ہوگا۔ (شکل 14.10 میں ایک ایک کاراد کھیایا گیاہے۔) سال نے کیاں ہے، لہذا آت م مکڑوں کی کمیت اور لمب نئی کی نمبت برابر ہوگا۔ یول ذیل ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}m - 2 \, \lambda_{\mathrm{L}} \, 2}{\mathrm{d}x \, \lambda_{\mathrm{L}} \, 2} = \frac{M}{L} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

-

$$\mathrm{d}m = \frac{M}{I}\,\mathrm{d}x$$

مساوات r مسیں r کی جگہ ورج بالا نتیجہ ڈال کر، ساخ کے ایک سرے دوسرے مساوات x ایک x اور x اور x کم کی جگہ درج بالا نتیجہ ہوئے کیت کے تمام کلائے میں۔ یوں ذیل ملت ہے۔ سرتاک (یعنی $x = \frac{L}{2}$ تا $x = -\frac{L}{2}$ کا کم کی سے کہ تام کلائے میں۔ یوں ذیل ملت ہے۔

$$I = \int_{x=-L/2}^{x=+L/2} x^2 \left(\frac{M}{L}\right) dx$$

$$= \frac{M}{3L} \left[x^3\right]_{-L/2}^{L/2} = \frac{M}{3L} \left[\left(\frac{L}{2}\right)^3 - \left(-\frac{L}{2}\right)^3\right]$$

$$= \frac{1}{12} ML^2 \qquad (ightharpoonup for example 2)$$

(ب) ایک نی محور گھاویر، جو سلاخ کے بائیں سرسے گزرتی اور سلاخ کو عصودی ہے، سلاخ کا گھمیے ری جو د کسیا ہوگا؟

باب ۲۰. گلم او

كليدى تصورات

ہم محور x کامبدالیان کے بائیں سے پر منتقبل کر کے تکمل x=L تا x=0 تاہم، ہم زیادہ آسان اور طب فت تور مسئلہ متوازی محور (مساوات ۴.۳۲) استعمال کرتے ہیں، جس مسیں محور گھماہ کی سمت بہندی تبدی تبدیل کے بغیب رائے دوسری جگہہ منتقبل کرتے ہیں۔

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{$

در حقیقت، پ نتیجبہ سلاخ کے ہائیں یادائیں سسر پر ہر، سلاخ کوعب ودی، محور گلمب اوکے لئے درست ہے۔

نمونی سوال ۲۰۸۸: گھمیری جمودی توانائی، چکری پرکھ

مشین کے بڑے حصوں کا، جو لیے عسر صبہ تنیز رفت اربے حپکر کاٹے ہوں، معسائٹ حپکری پر کھ کے نظام مسین کرنا ضروری ہے۔ اسس نظام مسین، فولادی بسیان کے اندر، جس کی اندرونی حبائب سید کی اینٹین نفسب ہوں، مشین کے جھے کو مخصوص حپکری رفت ارتک (جسس پر جھے کو پر کھنا مقصود ہو) لایا حباتا ہے۔ اسس دوران بسیان کامن فولادی ڈھکن سے بندر کھسا حباتا ہے۔ اگر مشین کاحصہ مطلوب حپکری رفت اربر داشت نے کرتے ہوئے ٹوٹ حبائے، اسس کے نکڑے سید کی ملائم ایسٹوں مسین دھنس کر محفوظ ہوں گے، جن کامعی این بعد مسین کرنا مسکن ہوگا۔

1900 میں ایک ادارہ نے ،جومشین پر کھنے کا کام کرتا ہے ، 272 kg ٹھوسن فولادی (مترس شکل کا) مدور ، جس کارواسس 38.0 cm کے 14000 سے علی کا کام اسے عصین 14000 سے کہ خیار فی منسلے کی زاویا کی رفت ارکو پہنچ کر آزماکش کار معار کاروازہ الیک آواز سنتا ہے۔ تفتیش کرنے پر معلوم ہوا سید کی اینٹیں کمرے سے باہر جسکری پڑی ہیں، کمرے کا دروازہ کا ڈیاں کھٹڑی کرنے کی جگٹ مسین پڑاملاہ ایک سید کی اینٹ پڑوی کے باور چی حنانے کی دیوار توڑ کر اندر پنچی تھی، ادارے کی عمارت کے سون ناکارہ ہو جب کے تھے ، حبکر حنانے کا پیکافٹ میں دھنس چاہت، اور حبکری نظام کا 900 kg ڈھن اڑکر چھت سے گزرتے ہوئے بالائی مسئزل مسین داحشل ہونے بعد واپس حبکری نظام پر گر کر پڑا مسین قرصت کو گڑا آزماکش کار معیارے کمرے کی طسر دے نہیں گیا۔

اسس دھاکے مسیں کتنی توانائی حضارج کی گئی؟

كلي دى تصور

حنارج توانائی 14000 پکرفی منٹ پر مدور کی گھمیے ری حسر کی توانائی $K \supset برابر ہوگا۔$

testengineer17

۲٫۶ قوت مسرور پر

حماب: ہم مساوات $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ گل قیت $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ تلاث کرتے ہیں، کسیکن اس سے پہلے مدور کا گھسیری جود جدول $K = \frac{1}{2}MR^2$ بحود $K = \frac{1}{2}MR^2$ بحود کی زاوی رفت از مریڈ بیکن ناپ مسیں حساس کرتے ہیں۔ $K = \frac{1}{2}MR^2$ بھروں کی زاوی رفت از مریڈ بیکن ناپ مسیں حساس کرتے ہیں۔ $K = \frac{1}{2}MR^2$ بھروں کی زاوی رفت از مریڈ بیکن ناپ مسیں حساس کرتے ہیں۔ $K = \frac{1}{2}MR^2$

یوں مساوات ۴٫۳۴ کے تحت حسارج توانائی ذیل ہے (جو بہت بڑی معتدارہے)۔

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(19.64 \text{ kg m}^2)(1.466 \times 10^3 \text{ rad s}^{-1})^2$$

= $2.1 \times 10^7 \text{ J}$ (—)?)

۲ به توب مبروژ

اس مے کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ جم پر قوت مسروڑ مسیں قوت اور، محور گھساوے قوت کے نقطہ اطلاق تک کا، تعسین گرسمتیہ ٹامسل ہیں۔
- ۲. (۱) تعسین گرسمتیه اور سمتیه قوت کے گزاویے کی مدد ہے، (ب) خط عمس ل اور قوت کے معیار اثر کے بازو کی مدد ہے، اور (ج)
 تعسین گرسمتی کو قوت کے عسود کی حسیز و کی مدد ہے قوت مسروڑ تلاسٹس کریائیں گے۔
 - ٣. حبان يائيں كے كه قوت مسرور حبانے كے لئے محور گھاو حبانت الازم ہے۔
- ۷. حبان پائیں گے کہ قوت مسروڑ کو مثبت یا منفی عسلامت مختص کی حباتی ہے، جس کا دارومدار اسس رخ پر ہو گا جس رخ قوت مسروڑ جم کو محمور گھبانے کی کوسٹش کرتی ہے (یادرہے، "گھٹریاں منفی ہیں")۔
 - ۵. جہاں ایک سے زیادہ توت مسروڑ جسم پر عمسل کرتی ہوں،صافی قوت مسروڑ حساصل کرپائیں گے۔

كلي دى تصورات

 \vec{F} . \vec{F} کی، محور گھسا و پر جمم کو گھسانے کی ، کو شش کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھسا و کے لحاظ ہے، \vec{F} جس نقط پر عمسل کرتی ہو، اس نقط کا تعیین گرسمتیہ \vec{T} ہو، تب قوت مسروڑ کی و تدر ذیل ہوگی، $\tau = rF_t = r$ $R = rF\sin\phi$

باب ۲۰. گلم او

جہاں \vec{r} کا کاعب مودی جبزو \vec{F}_t ہوار $\vec{\phi}$ قوت \vec{F} اور \vec{m} آ اور \vec{m} آ کا آذاویہ ہے۔ مور گلساوار \vec{F} کا "خط عسل"، اور \vec{F} کا "معیارا را " کہتے ہیں۔ مبدوط ککسیسر کو \vec{F} کا "خط عسل"، اور \vec{F} کا "معیار را " کہتے ہیں۔ ای طسیر \vec{F} کا معیار را را کہ ہیں گے۔

• قو۔۔ مسروڑ کی اکائی نیوٹن مسیٹر (Nm) ہے۔ ساکن جم کو تحور گھساد پر حنلان گھسٹری گھسنے کی کوششش کرنے والی قو۔۔ مسروڑ 7 مثبہ ہوگی، گھسٹری وار گھسانے کی کوششش کرنے والی منفی ہوگی۔

قو___مسروڑ

دروازے کادستہ چول سے دور ، کمی مقصد ہے ، رکھاحب تا ہے۔ دروازہ کھولنے کے لئے قوت لگانی ضروری ہے ، تاہم قوت کارخ اور لگانے کامعتام بھی اہمیت رکھتے ہیں۔ اگر آپ ، دستے کے بحبائے ، چول کے متسریب قوت کااطسلاق کریں یادروازے کی سطح کو قوت 90° پر لاگوٹ کریں ، دروازہ کھولنے کے لئے آپ کواسس قوت سے زیادہ قوت در کار ہوگی ، جو دستے پر دروازے کی سطح کو عصودی در کارجب ہے۔

شکل 16a.10 میں جم کاعبودی تراش دکھیایا گیا ہے۔ یہ جم میں کے گزرتی، تراش کو عبودی محور گھیاوپر، آزادی سے گھوم سکتا ہے۔ نقط \vec{F} بر، جس کا \vec{O} کے لیے اظ سے تعلین گرسمتیہ ٹت ہے، قوت \vec{F} کا اطلاق کیا گیا ہے۔ \vec{F} اور ٹت کررخ آلیس مسین زاویہ $\vec{\Phi}$ پر ہیں۔ (ہم اپنی آس نی کے لئے صرف ان قوت کی بات کرتے ہیں، جن کا محور گھیاو کو متوازی حب زونہیں پایا جب آنا بول \vec{F} صفح کی سطح مسین ہوگے۔)

_ حب نے کے لئے کہ محور گلساو پر \vec{F} جم کو کیے گلسات ہے، ہم \vec{F} کو دواحب زاء مسیں تقسیم کرتے ہیں (مشکل 16b.10)۔

ایک حب زو، جو روای حب زو F_r کہ بلاتا ہے، \vec{T} کہ ہسراہ ہو گا۔ چو نکہ یہ حب زو O ے گزرتی لکسی ر کے ہمسراہ ہو گا۔ چو نکہ یہ حب روازے گلس کر دار ادا نہیں کر تا۔ (اگر آپ دروازے کو دروازے کے سطے کے ہمسراہ کھنچین، دروازہ بھی بھی نہیں کھلے گا۔ \vec{F} کا دوسراحب زوبہوممسای حب زور F_t کہ بلاتا ہے، \vec{T} کو عصودی ہے اور اسس کی تبدر \vec{F} ہے۔ یہ حب روگھ اوکا میس بنت ہے۔

قوق مروڑ کا حماج۔ \vec{F} کی جم گھمنے کی صلاحیت، قوت \vec{F} کے ممای حبزو \vec{F} کی ت در کے عملاوہ O سے (قوت کے)اطلاقی نقط کے مناصلے پر مخصس ہے۔ ان دونوں وجوہات کو سٹامسل کرنے کی حناطس ہم (درج ذیل) ایک نئ معتد ارمنحار نے کرتے ہیں جو قوق مروڑ τ کہاتی ہے، جو دو حب زوض یوں کاحسامسل ضرب ہوگا۔

$$\tau = (r)(F\sin\phi)$$

تو___مسرور كاحباب (درج ذيل) دومعادل طسريقون:

اور

torque¹²

ے ممکن ہے، جہاں O پر محور گھاہ اور \vec{F} سمتی ہے گزرتی مبوط کسیر کے \vec{g} عصودی مناصلہ r_{\perp} ہے (شکل 16c.10)۔اس مبوط کسیر کو \vec{f} کا خط عمل f، اور r_{\perp} کو \vec{f} کا معیار اثر کا بازوا کتے ہیں۔ شکل 16b.10 مسیں دکھایا گیا ہے کہ ہم \vec{r} کی متدر r کو مسید وقوت F کا معیار اثر کاباز وکہ سکتے ہیں۔

جب آپ کی جم، مشلاً فی کس، پر اسس نیت سے قوت لگتے ہیں کہ یہ گھوے، آپ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ کی بین الاقوائی اکائی نیوٹن میسٹر (Nm) ہے۔ انتہاہ، نیوٹن میسٹر کی اکائی کام کے لئے بھی مستعمل ہے۔ تاہم، قوت مسروڑ اور کام دومختلف معتادیر ہیں۔ کام کے لئے عسام طور حباول اکائی (1 N m) استعال کی حباتی ہے جب کہ قوت مسروڑ کے لئے صرف نیوٹن میسٹر اکائی استعال ہوگی۔

گھر پال منفی ہیں۔ باب 11 مسیں توت مسروڑ کے لئے سمتیہ ترقیم استعال کی جبائے گی؛ یہاں واحد محور پر گھساو کی بات کی حبائے گی اگر قوت مسروڑ حنلان گھسٹری گھساوی سدا کرنے کی بات کی حبائے گی۔ اگر قوت مسروڑ حنلان گھسٹری گھسٹریال منفی کوسٹش کرے تب منفی ہوگی۔ (حسس 1.10 مسیں ہم نے کہا" گھسٹریال منفی بین"۔ یہ فقت رہیباں بھی کارآمد ہے۔)

اصول انطباق (جس کاذکرباب 5 میں کیا گیا) کو توت مسروڑ مطمئن کرتے ہیں: جب جم پر کئی توت مسروڑ عمسل کرتی ہوں، جم پر ص**افی قوت مروڑ** ۲۲ (یا ما حسل قوت مروڑ ۲۲) انفسرادی توت مسروڑ کامحب وعب ہوگا۔ مسانی توت مسروڑ کامحب میں تاہم ہے۔ عسلامت مسانی ہے۔

آزمائشس۲

مبٹر سلاخ کافصن کی حب کڑہ شکل؟؟ مسیں پیش ہے؛ سلاخ کاچول cm کی پرپایاحب تاہے۔ سلاخ پرپانچوں قوت افقی اور ان کی و تعدریں برابر ہیں۔ اعظم قیمت اول رکھ کر، قو توں کی در حب بہندی ان کی پید اقوت مسروڑ کے لحی اظ سے کریں۔

نیوٹن کامت انون دوم برائے گھماو

مقاصد

اس مے کو پڑھنے کے بعبد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا۔ گھساوی صورت مسیں جم پر صافی توت مسروڑ کا، جم کے گھسیسری جمود اور گھمیسری اسسرائ کے ساتھ، رشتہ نیوٹن کے دوسسرے و تانون سے حبان یائیں گے۔ تسام معتادیر مختف محور گھساوکے لحساظ سے ہیں۔

كليدي تصور

lineofaction 1A

momentarm¹⁹

nettorque r.

resultanttorque

اب ۲. گھیاو

• نیوٹن کے دو سرے وت انون کا گھمیسری مماثل ذیل ہے،

 $au_{$ ني $}=Ilpha$

 α جہاں ذرے یا استوار جسم پر صافی توت مسروڑ سے نau ہے، محور گھساو پر ذرے یا جسم کا گھسسر کی جمود I ہے، اور σ اسس محور پر ماحصل زاوی اسس راغ ہے۔

نیوٹن کادو سسرامتانون برائے گھمیاو

$$au_{ij} = I lpha$$
 (نیوٹن کادو سے راحت انون برائے گھے و

مساوات ۲۳٬۴۲ غاثبوت

پہلے سٹکل 17.10 میں پیش سادہ صورت کے لئے مساوات ۴۲.۳۲ ثابت کرتے ہیں۔ بلا کمیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت ساخ کی کمبائی ۲ ہے اور سے اپنے دو سرے سرپر، کمانی میں میں میں گارہ مسل کر استوار جم دیتے ہیں۔ سلاخ کی کمبائی ۲ ہے اور سے اپنے دو سرے سرپر، سلخ صفح سفح سفح سفح سفح سفح سے کو عصودی محور گھساو (دھسرے) پر ، گھوم سسکتی ہے۔ یوں، ذرہ صرف دائری راہ پر ، جس کے وسل پر محور گھساو ہے ، حسر کت کامحیاز ہے۔

i ذرے پر قوت \vec{F} عمسل کرتی ہے۔ تاہم، ذرہ صرف دائری راہ پر حسر کت کر سکتا ہے، البند اقوت کا صرف ممسائی حب زو F_t (جو دائری راہ کو ممساس سے) ذرے کو اسس راہ پر مسرع کر سکتا ہے۔ ہم F_t اور اسس راہ پر ذرے کے ممسائی اسسراع کم تقسل نیوش کے دوسسرے و تسانون سے کلھتے ہیں۔

 $F_t = ma_t$

ذرے پر قوت مسروڑ، مساوات ۴۸٬۴۰ تحت ذیل ہوگا۔

 $\tau = F_t r = m a_t r$

 $a_t = lpha r$ کے اس کوذیل کھ کتے ہیں۔ $a_t = lpha r$

$$\tau = m(\alpha r)r = (mr^2)\alpha$$

وائیں ہاتھ قوسین میں بند معتد رار، محور گھے و پر ذرے کا گھیسری جمود ہے (مساوات ۳۳، ۱۳ کیھیں، تاہم یہاں صرف ایک ذرے کی بات کی حبارتی ہے)۔ یوں گھیسری جمود کے لئے I کلھر کر مساوات ۳۳، ہوذیل کلھی حباستی ہے۔ $\tau = I\alpha$ (ریڈیئن ناہے)

جہاں ایک سے زیادہ قوت ذرے پر عمل کرتی ہوں مساوات ۴،۴۴ ذیل صورت اختیار کرے گی، جے ہم ثابت کرنا حیاہتے تھے۔

$$au_{i,\alpha} = I\alpha$$
 (ریڈ بیش ناپ ا α

چونکہ ہر جہم انفنسرادی ذرول کا محبسوعہ ہو گالہٰ زااسس مساواہ کو کئی بھی استوار جہم تک، جو مقسررہ محور گھماو پر گھومتاہو، وسع<u>ہ</u> دی حباستی ہے۔

آزمائش ۷

شکل ؟؟ مسیں میٹر سلاخ کا فصنائی حبائزہ پیش ہے۔ سلاخ کے وسط سے بائیں حبانب نقطہ چول ہے جس پر سلاخ پکر کاٹ سکتی ہے۔ سلاخ پر دوافق آوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 اور \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 اور کائی سے پر لاگو کی حباتی ہے۔ سلاخ کو عصورت مسیں(۱) \vec{F}_2 کارٹ کسے ہوگا، جادہ ہوگا، یا دور کے کہ ہوگا، زیادہ ہوگا، یا اس کے برابر ہوگا؟

نمونی سوال ۴۰۰: نیوٹن کے قانون دوم برائے گھاو کا کولا میں استعالی

کولاکشتی کاوہ داوہ ہے جس مسیں پہلوان دو سرے کو کو لیج کی زد پر لاکر گرا تا ہے۔ آئیں پہلوانوں کی کشتی کو طبیعی دان کے نقطہ نظر سے دیکھسیں۔ کو لیج پر نقطہ گھساو (کور نظر سے دیکھسیں۔ کو لیج پر نقطہ گھساو (کور کور کی مارتے ہیں (شکل کھساو) کھ کہ معیار اثر کابازوا ستعال کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل کھساو) کہ کہ معیار اثر کابازوا ستعال کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل میں گھساوپر اسس کو $\alpha = 6.0 \text{ rad s}^{-2}$ کے ناوی اسراغ سے (جو شکل مسیں گھسٹری وارہے) گھسانا حساس کا گھسیری جمود $\alpha = 15 \text{ kg m}^2$ کے اظرے اسس کا گھسیری جمود $\alpha = 15 \text{ kg m}^2$

(۱) زمسین پر گرانے سے قب ل اگر آپ حسریف کو آگے جھکا کر اسس کا مسر کز کمیت اپنے کو لیے پر رکھسیں تو \vec{F} کی متدر کسیاہو گی (شکل 18a.10)؟

كلب ي تصور

ہم کازاوی اسسراع سے رشتہ نیوٹن کے وتانون دوم برائے گھاوau سنau سے جانے ہیں۔

حماج: زمسین سے حسریف کے پاوں اٹھنے کے بعد، ہم کہہ سکتے ہیں اسس پر تین قوت عمسل پیسرا ہوں گا: آپ کی تھنے آئم ، نقطہ گلماو پر آپ کی حسریف پر عصودی قوت آگر (مشکل 18.10 مسیں اے نہیں دکھایا گیا)، اور تحساد بی قوت F_g نقطہ گلماو پر تسینوں قوتوں کی قوت مسروڑ حبانے ہوئے ہم اس عال کریا ئیں گے۔

مساوات این می از d_1 بوگی، جہاں d_1 میسار میں اور تاریخ بھی جہاں ہے میسار تاریخ میسار از کا بازو منفی عسلامت کہتی ہے کہ ہم مسروڑ گھٹڑی وار گھساو کی کوششش کرتی ہے۔ قوت \vec{N} نقطہ گھساو کی کوششش کرتی ہے۔ توت وقت \vec{F}_g میسار از کا بازو وہ r_{\perp} ہوگا اور یوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صف رہوگی۔ تحب ذبی قوت میسار از کا بازو میسار از کا بازو گئے ہے۔ مسرکز کمیت عسین نقطہ گھساو پر ہے لہذا \vec{F}_g کا معیار از کا بازو

باب ۲۰. گھماو

ہوڑ ہوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صنب ہوگی۔ یوں حسریف پر صروف آپ کی تھنج \vec{F} کی قوت مسروڑ میں میں ہوگی۔ یوں حسریف پر صروف آپ کی توت مسروڑ عمل کرتی ہے اور ہم I میں خیسل کرتی ہے اور ہم I کی سے ہیں۔

$$-d_1F = I\alpha$$

یوں ذیل حساصل ہوگا۔

$$F = \frac{-I\alpha}{d_1} = \frac{-(15 \text{ kg m}^2)(-6.0 \text{ rad s}^{-2})}{0.30 \text{ m}}$$
$$= 300 \text{ N} \qquad (\text{-}\text{i.e.})$$

رے اگر گرنے سے پہلے آپ کا حسریف سیدھ کھٹرار ہے تاکہ \vec{F}_g کامعیار اٹر کابازو $d_2=0.12\,\mathrm{m}$ ہوتب \vec{F}_g کی ت در کیا ہوگا $(\frac{1}{2})$ (18b.10)؟

كلب دى تصور

چونکہ $\vec{F}_g = mg$ کامعیارا ترکابازواب صف رہنیں، اسس کی قوت مسروڑ اب d_2mg ہوگی جو مندان گھٹری ہونے کی ہنا نثرت ہے۔

$$-d_1F + d_2mg = I\alpha$$

جو ذیل دیگا۔

$$F = 300 \,\mathrm{N} + \frac{(0.12 \,\mathrm{m})(80 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})}{0.30 \,\mathrm{m}}$$
$$= 613.5 \,\mathrm{N} \approx 610 \,\mathrm{N} \qquad (\text{---})\text{?})$$

اس نتیج کے تحت اگر آپ حسریف کو جھاکر اسس کامسر کز کمیت اپنے کو لیج پر رکھ نے سکیں، آپ کو کافی زیادہ تو سے گائی ہو گی۔ ایک اچھاپہلوان ہے حقیقت حبانت ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۰: نیوش کا دوسرا قانون، قوت مرور، قرص

19a.10 کیت $M=2.5\,\mathrm{kg}$ اور رواسس $M=2.5\,\mathrm{kg}$ کایک و تسرص مقسر روافقی و هسرے پر نصب شکل 19a.10 میں و کھایا گیا ہے۔ و تسرص کے چکا $m=1.2\,\mathrm{kg}$ بیر برا کمیت و کھایا گیا ہے۔ و تسرص کے چکا $m=1.2\,\mathrm{kg}$ و تاریخ کو اسس کے گئی ہے۔ ساکن اینٹ رہا کی حباقی ہے۔ اینٹ کا اسسراع، و تسرص کا زاوی اسسراع، اور دھا گے مسیں تناو مسال کی گئی ہے۔ ساکن اینٹ رہا کی حبالت نہیں اور دھسرا ہے رگڑ ہے۔ تاریخ کا سسراع، و دھسرا ہے رگڑ ہے۔

rim

کلب دی تصورات

$$T - mg = m(-a)$$

جہاں (محور y کے ہمسراہ نیچرخ) اسسراع کی متدر a ہے۔ تاہم، ہم اسس مساوات کو a کے لئے حسل نہیں کر سکتے، چونکہ اسس مسین دوسرانامعساوم متغیبر T بھی پایاجہ تاہے۔

قرص پر قوص مروڑ: گزشتہ مسرتب جب ہم محور لا سے آگے بڑھ نہیں سے، ہم نے محور x کاسہارالیا۔اسس مسرت ہم نے محور x کاسہارااٹھاتے ہوئے نیوٹن کا صانون دوم زادی روپ مسین لکھتے ہیں۔ قوت مسروڑ اور گھیسری جمود I تلاسش کرنے کے لئے، ہم نقط O پر، مسرص کو عصودی اور اسس کے وسط سے گزرتی کسیسر، محور گھیاولیتے ہیں (شکل 19c.10)۔

$$-RT = \frac{1}{2}MR^2(-\alpha)$$

$$(r.rh) T = \frac{1}{2}Ma$$

باب ۴. گھپاو

نتائج کوریجانی: مساوات ۴۶٬۴۸ اور مساوات ۴۸٬۴۸ ملا کر ذیل حساصل ہوگا۔

$$a = g \frac{2m}{M + 2m} = (9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg})}{2.5 \,\mathrm{kg} + (2)(1.2 \,\mathrm{kg})}$$
$$= 4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}} \qquad (\text{---})$$

ا بوگا۔

$$T = \frac{1}{2}Ma = \frac{1}{2}(2.5 \text{ kg})(4.8 \text{ m s}^{-2})$$

= 6.0 N (_____|\$)

جیب ہمیں توقع کرنی حیاہیے، گرتی اینٹ کااسراع a آزادان۔ گرنے کے اسراع x سے کم، اور دھاگے مسیں شناو اور T دونوں پر $mg=11.8\,\mathrm{N}$ اور $T=6.0\,\mathrm{N}$ ت مت رص کی کمیت پر منحصب رہیں جب کمہ ان پررداسس کا کوئی اثر نہیں۔

T = 0 اور a = g اور a = g کی صورت مسیں a = g اور a = g اور a = g کی صورت مسیں کے طور پر ، ہم دیکھتے ہیں کہ بلا کمیت مترص ہو گا۔ ہم یہی توقع رکھتے ہیں؛اینٹ ایک آزاد جسم کی طسرح زمسین پر گرتی ہے۔مساوات ۲۲،۲۲سے متسرص کے زادی اسسراع کی ت در تلاسٹس کرتے ہیں۔

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}}{0.2 \,\mathrm{m}} = 24 \,\mathrm{rad \, s^{-1}} \quad (\text{...})$$

۴.۸ کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

91

م**قاصد** اسس ھے کریڑھنے کے بعید آ_پ ذی<u>ل</u> کے متابل ہوں گے۔

- ا. گھوٹے جہم پرلاگو توت مسروڑ کازاوی گھساوکے لیاظ سے تکمل لے کر، گھوٹے جہم پرلاگو توت مسروڑ کا سرانحبام کام معساوم کرپائیں گے۔
- ۲. مسئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کر کے جسم کے گھمیے ری حسر کی توانائی مسین تب یلی اور سسرانحبام کام کار شتہ حبان
 - m. کام اور اسس زاویے کے تعسلق ہے، جس پر جم گھومت ہے، مستقل قوت مسروڑ کاسسر انحبام کام تلاسٹ کریائیں گے۔
 - م. کام کی شرح معلوم کر کے قوت مسروڑ کی طباقت حبان یائیں گے۔
 - ۵. کی لیح پر قوی مسر وڑاور اسس لیح پر زاوی سستی رفت ارکے رہشتہ سے قوی مسر وڑ کی طباقت حسان مائیں گے۔

كليدي تصورات

• زاوی حسر کی مساوات کی ذیل مساوات مشتقیم حسر ک کی مساوات مطابقت رکھتی ہیں۔

$$W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d} \theta$$
 $P = rac{\mathrm{d} W}{\mathrm{d} t} au \omega$

• جب au متقل ہو، تمل گھٹ کر ذیل دیگا۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گلومتے اجب مے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کرتا ہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

کام اور گھمیسری حسیر کی توانائی

جیب ہم باب 7 مسین ذکر کر جیے ، جب قوت F استوار جم پر ، جس کی کمیت m ہو ، عمس کر کے اسس کو محمد دی محور پر مرع کرے ، قوت اس جم پر کام سر انجب م دی ہے ۔ یوں ، جم کی حسر کی توانائی $(K=\frac{1}{2}mv^2)$ تبدیل ہو سکتی ہے ۔ مسیر ض کریں جم کی صرف یہی توانائی تبدیل ہو تی ہے ۔ ایک صورت مسیں حسر کی توانائی کی تبدیلی کا کا تعساق درجہ ذیل مسئلہ کام وحسر کی توانائی (مساوات 10.7) درگا۔

$$(\sigma.$$
 (۹) $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2-rac{1}{2}mv_i^2=W$ (۱۳) $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2$

گور χ پررہے کی پاہند حسر کت کے لئے کام کی درج ذیل مساوات 32.7 دیگی۔

$$(\mathcal{C}, \Delta \bullet)$$
 $W = \int_{x_i}^{x_f} F \, \mathrm{d}x$ (حام، یک بُودی از کام)

جب F مستقل اور جسم کاہا و M=Fd ، جو آم W=Fd و بی ہے۔ کام کرنے کی مشرح طاقت کہا اتی ہے، جو آم مساوات K=1 اور مساوات K=1 وات K=1 وات

$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = Fv$$
 (طاقت، یک بُعدی حسرکت)

۱۰۰ پاپ ۲۰. گلم او

آئیں اس ہے ملتی حباتی گھیے ہیں صورت پر غور کرتے ہیں۔ جب قوت مسروڑ، مقسررہ محور گھماوپر، استوار جم کو مسر کرے، قوت مسروڑ جم پر کام W سر انجب م دیتی ہے۔ یوں، جم کی گھیے ہی تحالی کی توانائی ΔK اور سے میں خسر ص کریں جم کی صورت ہی توانائی تبدیل ہوتی ہے۔ ایسی صورت مسیں حسر کی توانائی مسیں تبدیلی ΔK اور ΔK کام ΔK کام ΔK کام ΔK کام ΔK کام کار شتہ مسئلہ کام وحسر کی توانائی دیگا، تاہم اب حسر کی توانائی کے بجب کے گھیے ہی توانائی کی بات کی حبائے گھیے گھیے گاہے گاہے گاہے گاہے گیا۔

$$(r.\Delta r)$$
 $\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2$ $\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2$

یہاں، I مقسررہ محور پر جسم کا گھمیے ری جمود اور ω_i اور ω_i کام سے قبل اور اسس کے بعب جسم کی زاوی رفت ارہیں۔

ساتھ ہی، ہم مساوات 52.10 کی معادل گھمیے ری مساوات سے کام تلاسش کر کتے ہیں:

$$($$
اریم مقسر ره محور پر گھمی و $)$ $W=\int_{ heta_i}^{ heta_f} au \, \mathrm{d} heta$ (۲.۵۳)

جباں au وہ قوت مسروڑ ہے جو کام W سسرانحبام دیتی ہے، اور heta ، کام سے قب ل اور اسس کے بعید ، جم کے زاوی مصام ہیں۔ جب au مستام ہیں۔ جب au مستقل ہو، مساوات au ہمگھٹ کر ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(\sigma.\Delta\sigma)$$
 $W= au(heta_f- heta_i)$ (۲.۵۲) (۲.۵۲)

کام کرنے کی سشرح طباقت کہلاتی ہے، جو ہم مساوات 51.10 کی معسادل گھمیسری ذیل مساوات سے تلاسش کر سکتے ہیں۔

$$(\gamma.\delta)$$
 $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau\omega$ (طاقت، مقرره محور پر گھماو)

حبدول ۲.۲ مسیں مقسررہ محور پر استوار جم کے گھماو کی چند مساوات اور مطابقتی مستقیم حسر ک کی مساوات پیش ہیں۔

ساوات ۴.۵۲ تامساوات ۵۵.۴۵ ثبوت

آئیں دوبارہ مشکل 17.10 کو دیکھتے ہیں۔ بلا کیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت m کا ذرہ مسل کر استوار جم رحمے میں۔ گل کے دوران، قوت \vec{F} جم پر کام سسرانحبام دیتی ہے۔ ہم منسرض کرتے ہیں کہ \vec{F} جم کی صرف حسر کی توانائی تسب کی کرتے ہیں کہ \vec{F} جم کی صرف سسر کی توانائی تسب کی کام سکا ہے البنداذیل ہوگا۔

$$\Delta K = K_f - K_i = W$$

 $(v=\omega r)$ استعال کرکے اسے ذیل کھی حب سکتا ہے۔ $K=rac{1}{2}mv^2$ اور سے وات $K=\frac{1}{2}mv^2$ اور کے اسے ذیل کھی حب سکتا ہے۔ $K=\frac{1}{2}mv^2$ کے اس ک

حبدول ۲۰۲۲: مستقیم اور مط ابقتی همیسری حسر کت کی چند مساوات

حنالص گلمباو(مقسرره مُحور)		حنالص متقیم حسر کت (مقسرره رخ)	
θ	زاوی مفتام	x	معتام
$\omega = \mathrm{d}\theta/\mathrm{d}t$	زاوی مستی رفت ار	v = dx/dt	مستى رفت ار
$\alpha = d\omega/dt$	زاوی اسسراغ	a = dv/dt	اسراع
I	تھمپ ری جمود	m	کمیت
auنى $= I lpha$	نیوٹن کامت نون دوم	Fن $= ma$	نیوٹن کافت نون دوم
$W = \int au heta$	کام	$W = \int F \mathrm{d}x$	کام
$K = \frac{1}{2}I\omega^2$		$K = \frac{1}{2}mv^2$	حسىر كى توانائى
$P = \tau \omega$	ط قت (متقل قوت مسروڑ)	P = Fv	ط اقت (متقل قوت)
$W = \Delta K$	مسئله کام وحسسر کی توانائی	$W = \Delta K$	مسئله کام وحسر کی توانائی

مساوات ۲۰۳۳ کے تحت واحبہ ذروی جم کا گھمیسری جمود $mr^2 = mr^2$ ہے، جو مساوات ۲۰۵۷ مسیں ڈال کر ذیل حساصل ہو گا، جو مساوات ۲۰۵۲ ہے۔

$$\Delta K = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

ہم نے مساوات یک ذروی جسم کے لئے ثابت کی، تاہم ہر جسم متعدد ذرول پر مشتل ہو گالہٰذاب مقسررہ تحور پر گھسائے گئے ہراستوار جسم کے لئے درست ہے۔

آئیں اب مشکل 17.10 میں جم پر سرانج م کام W اور جم پر \vec{f} کی بن قوت مسروڑ τ کا تعلق جب نیں۔ جب ذرہ دائزی راہ پر پہتے ہوئے وقع مناصلہ طے کر تا ہے، قوت کا صرف ممائی جب اس راہ پر ذرے کو اسرا گا پذیر کر تا ہے۔ یوں صرف f_t ذرے پر کام سرانج م دیگی۔ ہم اس کام dW کو dW کو dV کھ سے یوں صرف dt ذرے پر کام سرانج م دیگی۔ ہم اس کام dW کو dW کو dV کھ کے بیں۔ ہم dV کو dV کو سے نامی بین جہاں ذرہ ذراویہ dV کی جگ میں۔ بین جہاں ذرہ ذراویہ dV کام سے کر تا ہے۔ یوں ذراویہ dV کو نامی جب ان ذرہ ذراویہ dV کو بین جب کام سے کرتا ہے۔ یوں ذراویہ وقت میں جب کام میں جب کام میں دراؤ کی جگ کے بین کو بین کو بین کو بین کو بین کرتا ہے۔ یوں دیل ہوگا۔

$$dW = F_t r d\theta$$

مساوات ۴۰،۴۰ ہے ہم دیکھتے ہیں کہ ماحصل F_{t} اور قوت مسروڑ au برابر ہوں گے لہانے امساوات ۴.۵۸ ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

$$(au.$$
فا $W= au\,\mathrm{d} heta$ $W= au\,\mathrm{d} heta$ الموں ہو گار ہوگا، کام ذیل ہوگا، $W=\int_{ heta_0}^{ heta_f} au\,\mathrm{d} heta$

۱۰۲

جو مساوات ۳۰٬۵۳ ہے۔ یہ مساوات مقسررہ محور پر گھومتے ہر استوار جم کے لئے درست ہے۔مساوات ۵۹٬۳۹ سے بلاواس طرمساوات ۲۰٬۵۴ ساصل ہوتی ہے۔

گھی ری حسر کت کے لئے مساوات ۲.۵۹ سے طباقت P لکھتے ہیں:

$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جومسادات ۵۵،۴م ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۱ کام، گھمیری حرکی توانائی، قوضے مرور، قرمی

سشکل 19.10 میں وقت t=0 پر مسترص ساکن حیالت سے آعنیاز کرتا ہے؛ بلا کیب دھاگے مسین شناو t=0.10 میں شناو t=0.5 ورمسترص کا زاوی اسسراع t=2.5 عملی میں مسلم کی گھیسری حسر کی توانائی t=2.5 و پر کسیا ہوگی؟

كلب دى تصور

 $I = \frac{1}{2}MR^2$ ہم ساوات $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم ساوات $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم ساوات $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم ساوات استال کر کتے ہیں۔ ہم جب نے زادی اسراع کی مستقل قیت $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم خوات استال کر کتے ہیں۔ مستقل زادی اسراع کی مساوات استال کر کتے ہیں۔

حمای: ہم α اور $\omega=0$ جبانتے ہیں اور ω جبانت ہیں الہذام اور $\omega=0$ استعال کرتے ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t = 0 + \alpha t = \alpha t$$

اور $I=\frac{1}{2}MR^2$ وال کرذیل ساصل ہوگا۔ $\omega=\alpha t$ اور $\omega=\alpha t$

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}MR^2)(\alpha t)^2 = \frac{1}{4}M(R\alpha t)^2$$
$$= \frac{1}{4}2.5 \,\text{kg}[(0.20\,\text{m})(-24\,\text{rad}\,\text{s}^{-2})(2.5\,\text{s})]^2$$
$$= 90\,\text{J} \qquad (\text{1.6})$$

كلي دى تصور

ہم یہی جواب سسرانحبام کام سے متسرص کی حسر کی توانائی معسلوم کر کے حسامسل کر سکتے ہیں۔

حماج: پہلے ہم مسرس پر مسانی سرانحبام کام W اور مسرس کی حسر کی توانائی مسیں تبدیلی کار شتہ، مساوات K_i مسیس پیش، مسئلہ کام وحسر کی توانائی سے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ K_i کی جگھ K_i کی جگھ K_i کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے خات کی جگھ کی جگھ کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کہا تھا کہ مسیس پیش کی جگھ کام وحسر کی توانائی مسیس کی جگھ کی کھی کے کہ کی جگھ کی کام کی جگھ کی جگھ کی جگھ کی کھی کی جگھ کی کھی کام کی کھی کی کھی کی کی جگھ کی کھی کی کھی کی کھی کی کھی کی کھی کے کہ کی کھی کی کھی کے کہ کھی کی کھی کی کھی کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کی کھی کے کہ کے کہ کی کھی کے کہ کہ کے کہ کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کہ کہ کے

$$(r. \checkmark \bullet) K = K_i + W = 0 + W = W$$

W اور قسر ص پر عمس اوات W جبانت حیاییں گے۔ مساوات W اور W اور قسر ص پر عمس اوات W اور قسر ص پر عمس کی توت مسروڑ کا تعساق لکھ حب سکتا ہے۔ دھاگے کی توت T واحد توت ہے جس کی توت مسروڑ

(TR) زادی اسسراع پیدا کرکے مسترص پر کام سسرانحبام دیتی ہے۔ چونکہ α مستقل ہے، اہلنذا سے قوت مسروڑ بھی مستقل ہو مستقل ہوگی۔ یوں مساوات ۵۳۰ ۱۳۳۰ ستعال کی حباسکتی ہے، جس سے ذیل ککھا حباتا ہے۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i) = -TR(\theta_f - \theta_i)$$

چونکہ α مستقل ہے، ساوات $\omega_i=0$ استعال کرکے $\theta_f-\theta_i$ معلوم کیا جب سکتا ہے۔ یوں $\omega_i=0$ کے لئے ذیل ہو گا۔ گا۔

$$\theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 = 0 + \frac{1}{2} \alpha t^2 = \frac{1}{2} \alpha t^2$$

 $T=\frac{1}{2}$ اسس کو مساوات ۱۲. ۲ مسیں ڈال کر حسامسل نتیجہ مساوات ۲۰. ۲ مسیں پُر کرتے ہیں۔ دی گئی معسلوما $\alpha=-24\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ وال کر ذیل ہوگا۔

نظب رثانی اور حنلاص

زاوی مقام مقسررہ محور پر بجو محور گھاہ کہالتی ہے ،استوار جم کے گھساہ کی بات کرتے ہوئے ،ہم فسنرض کرتے ہیں کہ جم کے ساتھ ، محور گھساہ کو عسودی توالہ لکیر پی حبٹری ہے ، جو جم کے ساتھ ساتھ گھومتی ہے۔ کی مخصوص مقسررہ رخ کے لیاظے ہم اسس کسیسر کا زاوی مقام θ ناپتے ہیں۔جب θ کی ہیسائٹ ریڈیکٹن مسیں ہو، ذیل ہوگا، جبال دائری راہ کی تو کا لیائی کے مرداسس τ ،اورزاوی θ ہے۔

$$(r.i)$$
 $\theta = \frac{s}{r}$ (پیڈیٹُن نا ت

ریڈیئن، حپکر،اور در حبات میں ناپ کا تعساق ذیل ہے۔

$$(r.r) \qquad \qquad 1 = 360^{\circ} = 2\pi \, \text{rad}$$

زاوی ہٹاو جب ایک جبم کور گھے۔ دپر گھوم کر این زادی معتام θ_1 سے تبدیل کرکے و θ_2 کرے، جبم کازاوی ہٹاو ذیل ہوگا، $\Delta \theta = \theta_2 - \theta_1$

جباں حنلان گھٹڑی گھے اوے لئے ΔD مثبت اور گھٹڑی وارے لئے منفی ہوگا۔

اب ۲۰ گھساو

زاوی سمتی رفتار اور رفتار اگرومت و درانی که مسین جم Δt زادی سٹاد گوے ، اسس کی اوسطزاوی سمتی رفتار اور اول زیل ہوگا۔ جو گی۔

$$(r.a)$$
 $\omega_{\text{local}} = rac{\Delta heta}{\Delta t}$

جم کی (لمحاتی) زاوی سمتھ رفتار ذیل ہو گ۔

$$(r.r) \omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اور ۵ سمتیات ہیں، جن کارخ **دائیرے ہاتھ کا قانواخ** دیگا (شکل 6.10)۔ حسٰلاف گھسٹری گھساوے لئے دونوں مثبت اور گھسٹری وار گھساوے لئے منٹی ہوں گے۔ جم کے زادی سستی رفت ارکی و تشدر اسس کی **زاد کے رفتار** کہسلاقی ہے۔

زاوی سستی رفت اول ω_1 تا ω_2 تا وقت میں جم کی زاوی سستی رفت اول سے تبدیل ہو کر ω_2 ہو، جم کا اور اسراع ذیل ہوگا۔

$$\alpha_{\rm lead} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جم کی (کمجاتھے) زاوی اسراع ذیلے ہو گا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

 α اور α دونوں سمتیا سے ہیں۔

$$(r.r)$$
 $\omega = \omega_0 + \alpha t$

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}) \qquad \qquad \theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2}\alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0)$$

$$(\mathbf{r}.\mathbf{i}\mathbf{a}) \qquad \qquad \theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$

خطی اور زاوی متغیرات کا تعلق گوئے استوار جسم کاندرونی نقط، جو تحور گھساوے r عسودی نساسلہ پر ہو،رداس r کے دائر ہے پر حسر کت کرتا ہے، جہاں θ کا کنا ہے دائر ہے کہ تاہے، جہاں θ کا ناہے پر مسین ہے۔

نقطے کا خطی سستی رفت ار \vec{v} دائرے کو ممساسی ہوگا؛ نقطہ کی خطی رفت ار \vec{v} ذیل ہوگا،

$$v = \omega r$$
 (ریڈینن ناپ $v = \omega r$ (ریڈینن ناپ)

جہاں س جسم کی (ریڈیئن فی سیکنڈ مسیں)زاوی رفت ارہے۔

نقطے کے خطی اسسراع d کاممای اور ردای حب زوہوگا۔ ممای حب زوذیل ہوگا،

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (پاریمین ناسیا)

جہاں (ریڈیئن فی مسر تع سیکنڈ مسیں) جسم کے زادی اسراع کی تعدر α ہے۔ اسراع کی آدوای حبزوزیل ہوگا۔

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$
 (پیٹیٹن)

اگر نقط یک ال دائری حسر کت کرتا ہو، جسم اور نقط کی حسر کت کادوری عسر صب T زیل ہوگا۔

$$(r_{r} \cdot r_{r} \cdot r_{r})$$
 $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$ (پیریمن نامی $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$

گھمیری حرکی توامائی اور گھمیری جمود مقسررہ محدر پر گھوئے ہوئے استوار جم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

جباں I جم کا تھمیر کی جمود ہے، جس کی تعسریف انف سرادی ذروں کے نظام کے لئے:

$$I = \sum m_i r_i^2$$

اور استمراری تمیتی تقسیم کے جسم کے لئے ذیل ہے۔

$$(r.ra) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

ان مساوات مسیں، محور گھساوے مطلوب ہمسیق مکڑے تک عصودی مناصلہ ۲ اور ۲ ہے، اور کمل پورے جم پر لیاحیائے گاتا کہ اسس مسین تمام کمسیق مکڑے شامل ہوں۔

مسئلہ متوازی محور کی بھی محور پر جسم کے گلمیسری جود I کا تنسلق، ای جسم کے مسر کز کمیسی پر متوازی محور کے لحساظ سے گلمیسری جود کے ساتھ مسئلہ متوازی محور دیتا ہے۔

اب ۲۰ گھماو

h ہیں دونوں محور کے نی مناصباہ h ہے، اور مسر کز کمیت پر محور کے لحاظ سے جسم کا تھمیسری جمود میں ہود ہے۔ ہم کا محمد کر کمیت پیں۔ کومسر کز کمیت پرواقع محور سے اصل محور تھے او کا ہوا و تصور کر سکتے ہیں۔

قے مروڑ گھیسری محور پر قوت آ کی بناجم پر گھو سنے کے اثر کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھساو کے لحساظ سے جسس نظے پر آ تا عمسل پیسر اہوانس کا تعین گر سمتیہ تر ہو، تب قوت مسروڑ کی وحدر ذیل ہوگی،

$$(r.rq.r.r.r.r)$$
 $au = rF_t = r_\perp F = rF\sin\phi$

تو۔۔ مسروڑ کی بین الاتوامی اکائی نیوٹن میٹر (Nm) ہے۔اگر ساکن جم کو تو۔۔ مسروڑ au حنلان گھسٹری گھسنے کی کوشش کرے تب منفی ہوگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کازاوئ روپ نیوٹن کے تنانون دوم کازادی مسائل ذیل ہے،

$$au_{i} = I\alpha$$

جہاں ذرے یا استوار جسم پر قوت مسروڑ σ ، محور گھماوپر ذرے یا جسم کا گھمیسری جمود I ، اور α اسس محور پر ماحسان زاوی اسسراغ ہے۔

کام اور گھمیری حرکی توانائی گھیسری حسرت مسین کام اور طباقت کے حساب کی (درج ذیل) مساوات مستقیم حسرت کی مساوات سے مطبابقت رکھتی ہیں۔

$$(r.sr)$$
 $W = \int_0^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$

$$(r.aa) P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جب au متقل ہوم اوات ۴.۵۳ گھٹ کر ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(\textbf{r.sr}) \hspace{1cm} W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجسام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کرتاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

سوالا ____

سوال ۱.۷: انتصابی دھسرے پر مسسرص کی زاوی سستی رفت ریالمقابل وقت ترسیم مشکل 20.10 مسیں پیش ہے۔ مسترص کے چکا پر ایک نقط کے لئے کھیات ، c ، b ، a کی در حب بسندی، اعظم اول رکھ کر، (۱) ممسامی اور (ب) ممامی اور (ب) دائی استراع کی فت در کے لیاظ ہے کریں۔

21.10 عوال ۲.۳: انتصابی دھ سرے پر مسرص کے گھے وکی تین صور توں کے لئے زادی معتام θ بالمقابل قوت t شکل t عند میں پیش ہے۔ ہرایک صورت میں گھے وکارخ کی زادی معتام واپس θ ہوگا۔ (۱) ہر صورت کے لئے کہ اس کے لیاضی میں وارج ، خیان کے گھے ٹری ہے ، یاعتین t و t بر ہے ؟ ہرایک صورت میں (ب) کے لیاضی میں میں رہے t کے ایک خورت میں رہوگا ؟

سوال ۳.۳: مصرص کے وسط سے گزر تاانقب بی دهسرے پر گھومتے مصرص کے چاپر قوت لاگو کر کے اسس کی زادی مسمتی رفت ار تبدیل کی حباتی ہے۔ اسس کی بالسسر تیب ابت دائی اور اختنای مسمتی رفت ار حبار مختلف صور توں مسین ذیل ہیں: (۱) ابت دائی 2 rad s⁻¹ : (2 rad s⁻¹ ؛ (ب) 5 rad s⁻¹ ؛ (ب) 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقتای 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقت اول رکھ کر ان صور توں کی در حب ببندی قوت مسروڑ کے سرانجبام کام کے لیے اظ سے کریں۔

 $t=2\,\mathrm{s}\,(1)$ بر، $t=1\,\mathrm{s}\,(1)$ بر، $t=2\,\mathrm{s}\,(1)$ بر، $t=1\,\mathrm{s}\,(1)$ بر، $t=1\,\mathrm{s}\,($

سوال ۲۰۰۵: فت رص کے وسط سے گزرتا انتصابی دھسرے پر گھومتے فت رص پر قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 عمسل کرتی ہیں (مشکل 23.10)۔ گھساوے دوران، جو صنالات گھسٹری اور مستقل ہے، قوت و کھائے گئے زاویے بر فت رارر کھتی ہیں ۔ تاہم، ہم حیاہتے ہیں کہ \vec{F}_1 کی فت در تبدیل سے بغیب رہ \vec{F}_1 کازاویہ θ گھٹائیں۔(۱) سمتی زاوی رفت ارتبدیل سے ہوئے کے کئے کسیا گھسٹری واریا حنالات گھسٹری قسٹری گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری کو مشتر کرتی ہیں ؟ کسیا (ب) آجا در (ج) کو مشتر ص کو گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری گھسٹری کو کسٹش کرتی ہیں ؟

سوال ۲۰۰۱: ایک چوکور جو نقط P پر دانتصابی دھسرے کے گرد گھوم سکتا ہے ، کافصنائی حبائزہ مشکل 24.10 مسیں لیا گئی ا گیا ہے۔ چوکور پر بر ابر فت مدر کی پانچ توت عمسل کرتی ہیں ، اور P ضلع کاوسطی نقط ہے۔ نقط P پر قوت مسروڑ کے لحاظ ہے ، اعظہ اول رکھ کر ، قوتوں کی در حب ببندی کریں۔

سوال ۲۰۰۷: افقی چول دار سلاخ کافعت کی حب کزہ مشکل 25a.10 مسیں پیش ہے۔ سلاخ پر دو قوت عمسل کرتی ہیں، تاہم سلاخ ساکن رہتا ہے۔ اب اگر سلاخ اور Fz کے آخ زاویہ 90° سے گھٹائیں اور سلاخ اب بھی ساکن رہے، کیا بڑھ سانی ہوگی، گھٹائی ہوگی، یابر قسر ارر کھنی ہوگی؟

موال ۴.۸: افتی چول دار سیاخ کا فصن کی حب نزه شکل 25b.10 میں پیش ہے۔ سیاخ کو قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 چول پر گھساتی ہیں: \vec{F}_2 اور سیاخ کے جی فاوی ہے ہے۔ سیاخ کے زادی اسسراع کی وقت در کے لحی ظرے ، اعظم اول رکھ کر ، زاوی ہے کہی درج ذیل قیمتوں کی درجہ بسندی کریں: 90° ، 90° ، اور 110° ۔

سوال ۹.۳: یک س موٹائی کے دھاتی حپ در کاچو کور جس ہے % 25 حسے کاٹا گیا ہے، مشکل 26.10 مسیں دکھایا گیا ہے۔ سشکل پر تین حسر ٹی نقطے دیے گئے ہیں۔ ان نقطوں پر انتصابی محور کے گردحپ در کے گھیسری جود کے لیاظ ہے ، اعظام اول

اب ۲. گھاو

ر کھ کر، نقطوں کی در حب سندی کریں۔

سوال ۱۰ . ۳: تین چینے (ایک جینے رداس کے) مترص ، جو مترص کے وسط پر انتصابی دھسرے کے گرد گھوم سے ہیں،
سٹکل 27.10 میں پیش ہیں۔ سینوں میں و مادہ ہے جنہ ہیں۔ ایک مادہ دوسرے سے زیادہ کثیف ہے (نی اکائی
محبم کمیت کو کثافت کہتے ہیں)۔ مترص 1 اور 3 کا ہیں۔ ونی نصف حصہ کشید مادے کا ہے۔ مترص 2 کا اندرونی
نصف حصہ کثیف مادے کا ہے۔ ایک جتی متدی کود تو تیں مترص کے ہیں۔ونی کسنارے پر یا دو مادہ کے جوڑ پر ، ممائی
مسل کرتی ہیں۔ (۱) مترص کے وسط پر قوت مسروڑ، (ب) مترص کے وسط پر گھمیسری جمود، اور (ج) مترص کے اسرائ

سوال ۱۱. ۳: میسٹر سلاخ کا آدھ حصہ لکڑی کا اور آدھ فولاد کا بن ہو ہے (شکل 28a.10) کئڑی والے سر O پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول کی حباتی ہے۔ فولادی سر a پر چول میں کرتی ہے۔ شکل 28b.10 میں ساخ الٹی رکھی حباتی ہے اور فولادی سر 28b.10 میں جب کم کئڑی والے سر a پر قوت لاگو کی حباتی ہے۔ کیا شکل 28a.10 میں پیسید ازادی اسراع شکل 28b.10 میں پیسید ازادی اسراع شکل 20.10 میں پیسید ازادی اسراع سے برابرہے؟

موال ۱۲.۳: کیسال کمیتی تقسیم کے تین قسیم کور گھساور کارداسس R اور کیسے میں۔ ویلے گئے ہیں۔ وسیرص کے وسط پر قسسرص کو عصودی محود کے گرد قسسرص گھوم سکتے ہیں۔ اپنے اپنے محود گھساو پر گھمسری جمود کے لحیظ سے، اعظم اول رکھ کر، قسسرص کی در حب بہندی کریں۔

سوالات

گھماوے متغیر

سوال ۱. ۴: ایک اچپ اکسلاڑی 60 فٹ دور کھاڑی تک 85 میل فی گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھسا وے گیٹ دیجینک سکتا ہے۔ دوسسرے کھلاڑی تک چنج کو گیٹ دینے حپکر مکسل کے ہوں گے؟

سوال ۴.۲: گھسٹری کی (۱) سسیکنڈوں کی سوئی، (ب)مسنٹوں کی سوئی، اور (ج) گھنٹوں کی سوئی کی زاوی رفت ارریڈیئن فی سسیکنڈ مسیں تلاسٹ کریں۔

سوال ۳۰٪: و ٹیل روٹی کا مکھن لگا گڑا میں زے پھل کر زمسین پر حیکر کھا تا گر تا ہے۔ میں زے زمسین تک مناصلہ 76 cm 76 cm اور 1 سے کم حیکر کی صورت مسین (۱) کم سے کم اور (ب) زیادہ ہے زیادہ زاوی رفت ارکیا ہوگی کہ زمسین پر گگئے ک بعد مکھن لگا طسرف زمسین پر ہو؟

سوال ۲۰۰۳: گومتے ہیے پر ایک نقطے کازاوی معتام $2.0+4.0t^2+2.0t^3+1.0t^2+2.0t^3$ کانا پریڈیئن اور t کا کانا پر ایک ناور t کا کانا پر ایک اور کے بیٹر میں ہے۔ لمحت t=0 پر اسس کازاوی معتام اور (ب)زاوی معتام اور (ب) کازاوی سمتی رفت ارکی اور کا کور کانا ہوگا؟ (ج) کمی اور کا کور کانا ہوگا؟ (ج) کمی اسس کازاوی اسراع تلاسش کریں۔ (د) کیا اسس کازاوی اسراع معتقل ہے؟

سوال ۴.۵٪ پانی تک m 10 بلند حب بوترہ سے تب راک حب کر کھ کر کھ کر کھی کر پینچتا ہے۔ صف رابت دائی انتصابی سستی رفت رفت رف کر کے، پرواز کے دوران تب راک کی اوسط زاد کی سستی رفت ارتلاسٹ کریں۔ t سوال ۲۰: گومتے ہیں کے چکاپر ایک نقطے کا زادی معتام $t=4.0t-3.0t^2+t^3$ سوال ۲۰: گومتے ہیں کا کانپ ریڈ بیکن اور $t=2.0\,\mathrm{s}$ (ج) وقت $t=4.0\,\mathrm{s}$ کا سینڈ میں ہے۔ لمحد (ایک میں بے لمحد اور (بیان میں اور این میں اور (د) اختیام $t=4.0\,\mathrm{s}$ کا تک دورانے میں اور اور این اسراغ کے ہوگا؟ اس دورانے کے (ج) آغن از میں اور (د) اختیام پر لمحد آنی زاوی اسراغ کے ابوگا؟

سوال ۲.۷: ایک پہیامسیں، جس کارداسس 30 cm ہے، آٹھ تیایاں برابر مناصلوں پر نصب ہیں۔ پہیامقسررہ دھسرے پر 2.5 حبکر فی سیکنڈ گھوم رہاہے۔ آپ 20 cm لمباتیب مار کر، دھسرے کے متوازی، تیایوں کو چھوئے بغیبر، پہیے کے اندرے گزارناحیاہ ہیں۔ تیبر اور تیایوں کو انتہائی پتالاتھور کریں۔(۱) تیبر کی کم سے کم رفت ارکب ہوستی ہے؟ (بہترین مصام کیا ہوگا؟
(ب) کیادھسرے اور چکا کے نی مارنے کا نقط اہمیت رکھتا ہے؟ اگر اہمیت رکھتا ہو، بہترین مصام کیا ہوگا؟

متقل زاوی اسسراع کا گھپاو

سوال ۴.۹: اپنے وسطی محور پر ڈرم 12.60 rad s⁻¹ زاوی سمتی رفت ار سے گھوم رہا ہے۔اگر اب ڈرم 4.20 rad s⁻² کی مستقل شرح سے آہتہ ہو،اسس کور کئے تک (۱) کتن اوقت حہا ہے ہوگا اور (ب) رکئے تک سے کتن زاوی گھوے گا؟

سوال ۱۰ . ۴: ساکن حسالت سے آغناز کرکے ایک مسترص اپنے وسطی محور پر مستقل زاوی اسسراع سے گھومت ہے۔ است دائی 5.0 s است دائی 5.0 s مسین مسترص 5.0 s مسین عصرص 25 rad گھومت ہے۔ اسس دورانیہ مسین (ا) زاوی اسسراع اور (ب) اوسط زاوی رفتار کی مسین ایل عام 5.0 s مسین مسزید کتنازاد سے طرح اسے؟ کی صورت مسین ایل عام 5.0 s مسین مسزید کتنازاد سے طرح اسے؟

سوال ۱۲. ٪: ایک گار ^{۱۳} (انجن) کی زادی رفتار ۱2 s مسیں 1200 میکر فی منٹ سے بڑھ کر 3000 میکر فی منٹ کی حباتی ہے۔(۱) اسس کا اسسراع میکر فی مسر بح منٹ مسیس کیا ہوگا؟(ب) ان 12 s مسیس کل (انجن) کتنے حبکر کا تھے۔؟

سوال ۱۳۰۳: ا**اُرُانِ بِهِيا** ۴۳ 40 کيکروں مسين 1.5 rad s⁻¹ زادی رفت ارسے سائن حسالت کو پنچت ہے۔(۱) مستقل زادی اسراع مستر ش کرتے ہوئے، رکنے کے لئے در کار وقت مسلوم کریں۔ (ب) اسس کا زادی اسسراغ کمیا ہوگا؟ (ج) 40 حسکر مسین ہے۔ است دائی 20 حسکر اُزان پہلے کئے وقت مسین کاشت ہے؟

سوال ۱۲٪ سکن حسالت ہے آغناز کر کے، مستقل اسسراع کے ساتھ، اپنی وسطی محور پر مسسرص گھومت ہے۔ کسی

engine^{rr} flywheel^{rr} ۱۱۰ پایسیم. گلمهاو

ایک لیجے مسیرس 10 حپکر فی سیکنڈے گھومت ہے؛ 60 حپکر بعبد اسس کی زاوی رفت ار 15 حپکر فی سیکنڈ ہے۔(۱) مسیرس کا زاوی اسسراغ، (ب) ہے 60 حپکر کو درکار دورانی، (ج) 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے کے لئے درکار دورانی، اور (د) ساکن حسالت ہے 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے تک کل حپکر تلاسش کریں۔

سوال ۱۵.۵: مسترص کے وسطی نقط ہے گزرتی انتصابی دھسرے پر ساکن حسالت ہے مسترص آعن از کر کے $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مستیں فیت مستدرص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مین خصوص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$

سوال ۱۱.۳: ساکن حسالت سے آغساز کر کے محور گلمسادپر فتسر ص زاوی اسسراع 1.50 rad s⁻² کے جلت ہے۔(۱) اہتدائی 2.00 حیکر اور (ب) اگلے 2.00 حیکر کتنے وقت مسین طے ہوں گے؟

 $-0.25 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ پراڑن پیچے کی زاوی سنتی رفت از $4.7 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ ، منتقل زاوی اسراع t=0 براڑن پیچے کی زاوی سنتی رفت رفت والہ اور حوالہ لکسیسر $\theta=0$ پر ہوگی جس رفت والہ لکسیسر رشت اور (ج) روسسری مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت اور (ج) روسسری مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت بیستی میں ایک بیستی مسرت بیستی میں بیستی بیستی میں بیستی میں بیستی میں بیستی بیستی بیستی بیستی بیستی میں بیستی بیستی

سوال ۱۱. γ : 1 کین γ ست نور کا سے بناہ کو کہتے ہیں جو منارہ نور کی طسرح شعباع حنارج کر تا ہے۔ ناہی ہر پ کر کے دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت ہو ایک سال مسین معلوم کیا جب ایک مسین مار ول داہش کا دوری عسر مسرح کا مسین مسلم السرط کی مسلم السرط کی مسلم مسلم کا نام ک

خطی اور زاوی متغییرات کارشته

موال ۱۹.۹: حنلائی طیارہ $4000 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت $4000 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت $-1000 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت $-1000 \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت کا سراع کی متدریں کے بین جمال میں موٹ کائٹ کا مسابق کی مسابق کا مسا

سوال ۲۰۰۰: ایک جیم مقسر رہ محور پر گلومت ہے، اور جیم پر حوالہ لکسیر مازاوی مقتام $\theta=0.40e^{2t}$ ہے، جہاں θ ریڈ بیئن مسیں اور t=0 سیکنڈوں مسیں ہے۔ محور گلم اوسے t=0 فن اصلے پر نقطے ہے۔ کمحہ t=0 پر نقطے (۱) کے اسسراغ کے ممای حسنرو کی وقت در کہا ہوگی؟

سوال ۲۰۲۱: اله اِ اور ۱۹۹۰ کے آط الب کے شہدر پیپ اسٹیں واقع جھ کا برُج ۲۸ کی چوٹی جنوب کے رخ سالات اوسط اُ ۲۰۰ کی جوٹی جنوب کے رخ سالات اوسط اُ 1.2 mm

pulsar

Crabnebula

 $supernova^{\textbf{r} \angle}$

leaningtowerofPisa r^

موال ۲۲.۳۱: خیلباز کو m 10 رداس کے مرکز گریوہ $^{\mathsf{P7}}$ میں $^{\mathsf{P7}}$ سین $^{\mathsf{P7}}$ سین $^{\mathsf{P7}}$ بناتا ہوں $^{\mathsf{P7}}$ بناتا ہوں $^{\mathsf{P7}}$ بناتا ہوں کہ جوقت $^{\mathsf{P8}}$ بر(ا)زاوی ستی رفتار، $^{\mathsf{P8}}$ رفتار، $^{\mathsf{P8}}$ بر(ا)زاوی ستی رفتار، $^{\mathsf{P8}}$ برای کا سراع، اور (د)ردائی اسراغ کی میں میں ہوں گی؟

سوال ۴۰،۳۳ ایک اڑن پہیا جس کا قطر سر 1.20 سے 200 حبکر فی منٹ کی زادی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔(۱) اڑن پہیے کی زادی رفت ارکیا ہوگی؟(ج) پہیے کی زادی رفت ارکیا ہوگی؟(ج) پہیے کی زادی رفت ارکیا ہوگی؟ فی منٹ میں کتنی ہے؟ (ب) اڑن پہیے کے چکا پر نقطے کی خطی رفت ارکیا ہوگی؟ مسین بڑھ ساز کے لئے مستقل زادی اسر رئی (جب کر فی مسر بع منٹ میں) کسیا ہوگا؟

سوال ۴۰۲۵: (۱) سطح زمسین پر 40° شمسال کے خط عرض بلد 7° پرواقع نقطے کی قطبی محور پرزاوی رفت ار ω کسیا ہوگی؟ (زمسین قطبی محور پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ

سوال ۲۰۲۱: دخانی کل ۳۳ (دخنانی انجن) کااڑن پہیا 150 حیکر فی منٹی کی مشتقل زاوی سنتی رفت ارے حسر کت مستقل زاوی سنتی رفت ارے حسر کت مسین ہے۔ بجب پر بیرم ۴۳ کی رگز اور ہوائی رکاوٹ پینے کو 2.2 گھٹوں مسین روکتی ہیں۔(ا) رکنے کے دوران پینے کا مشتقل زاوی اسراع، حیکر فی مسریع منٹ مسین، کیا ہوگا؟ (ب) رکنے تک پہیا کتنے حیکر کاشت ہے؟ (ج) جس لمحد ارثن پینے کی زاوی رفت او حکم کا مسان کی منٹ ہے، پینے پر محور گھاوے 50 cm فی اسراع کا ممای حبزوکیا ہوگا؟ (د) ذریے کے صافی اسراع کی متدر کیا ہوگی؟

سوال ۲۰ ، ۳۰ : تختہ گھوم ۲۳ پر ، جو 33 أو سيل من من سے گھوم رہاہے ، فقا کادات مور گھساوے 6.0 من صلے پر پڑا ہے۔ (۱) فقا کا اسسراع کمیا ہے اور (ب) پھیلنے سے بچنے کے لئے کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کمیا ہو گا؟ (ج) اگر ساکن حسالت سے تخت اسس رفت ارتک و 0.25 مسیں مستقل زاوی اسسراع سے پہنچ ہو، پھیلنے سے بچنے کے لئے کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کمیا ہو گا؟

 $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 25 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ ما تا ہے (شکل 31.10)۔ کن جالت ہے پہیا $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ کی زاوی رفت اور $r_A = 1000 \, \mathrm{cm}$ مستقل شرح ہے بڑھ کی جب ہے۔ پہیا $r_A = 1000 \, \mathrm{cm}$ کی فرنسٹ تک پہنچنے کے لئے کتنا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے) (ایشارہ: اگریٹ پھیلے نہیں، دونوں پہیوں کے فی منٹ تک پہنچنے کے لئے کتنا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے)

centrifuge^{rq} gramophone^{re} vinylrecord^{ri}

latitude rr equator rr

steamengine

bearing turntable turntable

اال ۲۰۰۰ گھماو

ھے برابر خطی رفت ارسے حسر کت کریں گے۔)

موال ۲۹ ، ۳: روشنی کی رفت ارناپ کی ایک پر انی ترکیب شکل 32.10 مسین د کھائی گئی ہے، جس مسین شگان دار گورت بہت اس دورات ہے۔ گور کر دور آئین ہے کی ایک پر انی ترکیب اس دورات ہے۔ کہت کر ان گزر کر دور آئین ہے کر کرائی ای راہ پر والی سے ایک سے دورات مسین پہیا ایک شگان آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگان والیس جیلتے ہوئے، پہیے پر پہنچتی ہے؛ اس دورائی مسین پہیا ایک شگان آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگان ہے گان ہے گزریاتی ہے۔ پہیے کارداس سے 500 مشافی کی تعداد 500 ، اور آئیخ تک و ناصلہ سے 500 متنال (زاوی) رفت ارکیب ہے؟ پیسائٹ سے معلوم ہوتا ہے کہ روشنی کی رفت ارکیب ہے؟ بیسائٹ سے معلوم ہوتا ہے کہ روشنی کی رفت ارکیب ہے؟

سوال ۳۰۳۰: ممکن پرخی کر تھے اڑن پیپے کو، جس کارداسس 2.83 cm ہے، ساکن حسالت ہے 2.83 cm سوال ۳۰۳۰: ممکن کر کے 2760 حیکر فی منٹ کی زاوی رفت ارتک لایاحب تا ہے۔(۱) اسس دوران پیپے کے چکا پر واقع نقطے کے ممائی اسسراخ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پیپنچ تک چکا پر واقع نقطے کاردائی اسسراخ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پیپنچ تک چکا پر واقع نقطے کرتا ہے؟

سوال ۱۳.۳۱: ایک و سرص، جس کارداسس $0.25 \, m$ و سخص کی و سطی انتصابی محور پر $0.25 \, m$ گھسانا مقصود ہے۔ سکن حسالت ہے آغناز کر کے، ابتدائی $0.25 \, m$ ودران و سرص کو مستقل $0.25 \, m$ مسرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک حباتا ہے۔ مشرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک کی حصہ کے مسرکز مائل اسراع کی و سدر $0.25 \, m$ مل سام کی گھنائی کے اس کی وردانے کتناہو مکا ہے جو اوز نے کرے۔ (۱) گھناؤی کے کم دورانے کتناہو مکتا ہے؟ (ب) مطب البقتی $0.25 \, m$ کی آبیت کسیاہو گی؟

سوال ۴۳۲: ساکن حسالت سے آغناز کر کے گاڑی $30.0 \, \mathrm{m}$ رواسس کی دائری راہ پر حیباتی ہے۔ اسس کی رفتار $0.500 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2}$ مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کمے $0.500 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2}$ بعد کسیا ہوگی : (ب) اسس کمے پر گاری کا صافی ممتد اسراع اور گاڑی کی سمتی رفت ار آپس مسیں کس زاویے پر ہیں ؟

گھماو کی حسر کی توانائی

سوال ۳۳۰: ایک پہیا 602 حیکر فی منٹ سے گھوم رہاہے اور اسس کی حسر کی توانائی ا 24 400 ہے۔ پہیے کا گھمیسری جمود تلاسٹ کریں۔

موال $^{9.7}$: ایک پتلی سلاخ ایک سر پر گھسائی حباتی ہے۔ شکل 33.10 مسیں سلاخ کی زاوی رفت اربالقابل وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیب نہ $\omega_s=6.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیب نہ $t=4.0\,\mathrm{s}$ وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیب نہ $t=4.0\,\mathrm{s}$ کے زاوی اسراغ کی مسیری حسر کی توانائی $t=4.0\,\mathrm{s}$ پر سلاخ کی مسیری حسر کی توانائی کی بیب ہوگی؟

gyroscope 2

گھىپەرى جمود كاحساپ

سوال ۳۰٬۳۷: میسٹر سلاخ، جس کی کمیت 0.56 kg ہے، کا گھمیسری جمود 20 cm نشان پرواقع سلاخ کو عسودی محور پر تلاسٹ کریں۔ (میسٹر سلاخ کو پستلی سلاخ تصور کریں۔)

سوال ۲۰۳۸: بلا کیب سلخ کے ساتھ تین ذرے چسپاں کیے گئے ہیں (شکل 35.10)۔ سلاخ کی لمبائی میں درجہ میں اور ذروں کی انف سرادی کیب 0.0100 kg ہے۔ یہ نظام سلاخ کے بائیں سرپر واقع نقطہ 6.00 cm کے گزرتی عصودی محور پر گلوم سکتا ہے۔ ہم ایک ذرہ ہٹ تے ہیں (جو % 33 کیب بنتا ہے)۔ محور سے (ا) مستریب ترین کردر ترین ذرہ ہٹ نے بی مرکز کی خور کے در کے در کا کا گلمیسری جمود کتنے فی صدکم ہوگا؟

سوال ۴۹.۳۹: اڑن پہیے کوبر قی موٹر سے 2007 ریڈیئن فی سیکنڈ رفت ارتک پہنچپاکر گھومتے اڑن پہیے مسیں ذخیبرہ توانائی سے ٹرک حیایا حب سکتا ہے۔ مسیرض کریں اڈن پہیا ٹھوسس اور یکسال ہیلن ہے، جس کی کمیت 500 kg اور رواسس 1.0 m ہے۔ (ا) بھسرائی کے بعید اڑن پہیے کی حسر کی توانائی کتی ہوگی؟ (ب) اگرٹرک اوسطاً 8.0 kW طاقت استعمال کرتا ہو، بھسرائی کتی دیرمسیں دوبارہ کرنی ہوگی؟

 $L=\frac{100}{2}$ بوال ۱۰٬۳۰۰ بالکل ایک جیسے 15 متے میں سیدھ میں رکھ کر سان ٹی کشکل میں ، جس کی لمب بی اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ نظام در میانے مت میں کے وسطی نقط O پر گھوم سکتا ہے۔(ا) اسس محور پر نظام کا گھمیسری جمود تلاسٹس کریں۔(ب) نظام کو کسک کے میں این تصور کرنے سے حبدول 2e.10 کا کلیہ استعمال کرنے سے گھمیسری جمود کے حساسہ میں کتنے فی صد سمویسید ابوگا۔

 $x = 0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm} \cdot x = 2.0 \, \text{cm} \cdot 50 \, \text{g}$ دروں کی گمیشیں اور محد دونیل ہیں: $y = \cdot x = -2.0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = -3.0 \, \text{cm} \cdot x = -3.0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 4.0 \, \text{cm}$ دروں کی میرون تلاشش کریں۔(د) ہم جبزوا اور جبزو جو بالب کو یالب کو یا یالب کو یالب کو

اال ۲۰٫۶ گھماو

 $c=1.4\,\mathrm{cm}$ ، اور اصلاً $b=8.4\,\mathrm{cm}$ ، $a=3.5\,\mathrm{cm}$ اوراضلاع $0.172\,\mathrm{kg}$ ، اور اصل ۴۳.۳٪ خوسس سل کی کمیت و نے سے گزرتی، محور گھما و پر سل کا گھمیسری جمود تلاسش کریں۔

سوال ۲۳٬۳۰۰ حیارایک چیے ذروں کو، جن کی انفسر ادی کمیت علیہ میں 0.50 kg چوکور کی حیار راسس پر راسس پر راکھ حیاتے ہیں، جو ڈا اسپارا میں انفسارائی کمیت سال انہوں ہے، جو چوکور کے اضابا عجب ان ہیں، جو ڈا احب ان اسپارائی میں ان اسپار کے حیار تا ہے، (ب) ایک ضابع کے وسطی نقط ہے گزرتی محور کی سطح مسین پایا حیاتا ہے، (ب) ایک ضابع کے وسطی نقط ہے گزرتی محور کی سطح مسین پایا حیاتا ہے، گھا و پر، جو چوکور کی سطح مسین پایا حیاتا ہے، اور (جی کا وقت کی میں بایا حیاتا ہے، اسس استوار جیم کا گھیدی جمود تلاشش کریں۔

قو___مسرورا

 $r_1 = 1.30 \, \mathrm{m}$ ایک جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے دوڑ کہ ہو گا گا جو گا ہو گا ہو گا ہو گا ہو گا گا ہو گا ہو

سوال ۴.۳٪ بلاکیت، 1.25 سلاخ کے ایک سسر پر 0.75 kg گیند باندھ کر، سلاخ کادوسسراسسر چول سے 1.25 سے 1.25

سوال ۴۸، ۴٪: سنٹکل کے پائیدان کابازو m 0.152 m ہوار سنٹکل سوار پائیدان پر 111 N نشیبی قوت لاگو کرتا ہے۔ پائیدان بازو کے چول پر اسس وقت قوت مسروڑ کی وقت در کسیا ہو گی جب انتصاب کے ساتھ پائیدان کا زاوی (۱) *30 ،(ر) °90 ،اور (ج) °180 ہو؟

نیوٹن کامت انون دوم برائے گھم او

سوال ۴۹.۳٪: تخت خوط ۴ میں کا در کو خوط خور کی زادی رفت از ، اسس کے مسر کز کیت پر ، 220 ms مسیں مصنسرے ۔ 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کیت پر اسس کا گلمیسری جمود 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کیت پر اسس کا گلمیسری جمود غوط خور کے اوسط زادی اسسرا گاور (ب) تخت سے غوط خور پر بسیسر وئی اوسط قوت مسروڑ کی و تدریں کیا ہیں؟ مسال ۵.۵۰ ناوی اسسرا گاپید اگرتی ہے۔ بینے کا گلمیسری جمود کیا

سوال ۲۱،۵۱۱ بلار گر افتی دھے ہے، جس سے کیت R = 5.00 cm کا چر تقیل ۲۹ صب ہے، جس سے کیت

?_

divingboard pulley

 $m_1 = 460 \,\mathrm{g}$ کی سل 2 سنگی ہے (شکل 41.10)۔ ساکن حسالت $m_2 = 500 \,\mathrm{g}$ کی سل 2 سنگی ہے (شکل 41.10)۔ ساکن حسالت کے رہائی پر $m_1 = 460 \,\mathrm{g}$ کی صدر $m_2 = 5.0 \,\mathrm{g}$ کی میں سل 2 $m_2 = 5.0 \,\mathrm{g}$ گرتی ہے۔ دھ گھ ہر گزنہ میں پھلتا۔ (ا) سلوں کے زاوی اسراع کی متدر کیا ہے ؟ (و) حب ر تقتیل کا کا میں ہے ؟ (و) حب ر تقتیل کا گھیسری جمود کیا ہے ؟ (و) حب ر تقتیل کا گھیسری جمود کیا ہے ؟

سوال ۲۰.۵۲: ایک بسیان، جس کی کیت $2.0 \,\mathrm{kg}$ بینی وسطی طولی محور پر، جو O پر واقع ہے، گوم سکتا ہے (مشکل 1.00 ہے)۔ اپنی وسطی طولی محور پر، جو $F_4 = 5.0 \,\mathrm{N}$ ، ور $F_2 = 4.0 \,\mathrm{N}$ ، $F_1 = 6.0 \,\mathrm{N}$ ، استان کے زاوی اسراع(۱) کی ت در اور (ب) رخ تلاسش کریں۔ (گھ وک دروان بسیان کے کے ظریب قوت انہیں زاویوں پر رہتی ہیں۔)

سوال ۱۳۵۳: حبالی کشتی جو ڈو کہالتی ہے۔ ایک داو مسیں آپ حسریف کا بایاں پاوں مار کر اٹھ تے ہیں اور ساتھ ہی اس کووردی سے کی کرزمسین پر گرتا ہے۔ شکل 44.10 مسیں آپ کا حسریف اپنی کوردی سے کی کرزمسین پر گرتا ہے۔ شکل 44.10 مسیں آپ کا حسریف و کھی ایک بایاں پاوں زمسین سے اٹھی دکھیا گیا ہے۔ محور گھی و نقط می کا حسریف و کھی گا سے جس مسیں اس کا بایاں پاوں زمسین سے اٹھی دکھیا گیا ہے۔ محور گھی د نقط میں آپ کی تو سے آپ آپ کی تو سے گو تھی کی مصورت کی سے کی تو سے آپ کی تو سے گر ستانی نظر انداز ہونے کی صورت میں اور (ب) آپ کی تو سے گا ہونے کی مسیری میں اور (ب) آپ کی تو سے گا ستانی نظر انداز ہونے کی صورت میں اور (ب) آپ کی تو سے گا ہونے کی طورت میں اور (ب) آپ کی تو سے گا ہونے کی طورت میں 0 پر حسریف کا ابت دائی زاوی اسراع کی ہوگا؟

موال ۵۵.۷: یکساں موٹائی اور کثافت (کیت نی اکائی تحبم) کے پلاسک کی بے متاعدہ حپادر نقطہ O پر واقع، سطح حپادر کوعہ ورئ ورئ کی جبان کے بارک کا کھیسری جود ورئ ڈیل ترکیب سے ناپاجساتا جہدرواسس 200 cm اور کیت کی جبان کی متار سے 2.00 cm کا دائری متسرس حپادر کے ساتھ یوں چسپاں کیا حباتا ہے کہ متسرس کا دسط O پر ہو (شکل 45b.10) کو بر دھ اگد کی طسرت متسرس پر دھا گد کیسیٹ کر دھا گد 3.05 کے لئے کھینچ حباتا ہے۔ نتیجتاً، متسرس کے چکا پر ممای لاگو 0.400 مستقل قوت متسرس اور حپادر دونوں کو گھساتی ہے۔ ماحسل درونوں نو گھساتی ہے۔ ماحسل درونوں نو گھساتی ہے۔ ماحسل اور کی دفتار متال کا 114 rad s

سوال ۲۰٬۵۱: وو ذرے 1 اور 2 جن کی انفٹ رادی کمیت m ہے بلا کمیت سلاخ کے سروں پر حبٹرے ہیں (شکل ۱۰٬۵۱۰)۔ سلاخ کی لمب کی $L_1 = 20$ cm ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا کے دران زرہ 1 اور کی کے ابت دائی اسراغ کی صدر کمیا ہوگی؟
کی حباتی ہے۔ (ا) ذرہ 1 اور (ب) ذرہ 2 کے ابت دائی اسراغ کی متدر کمیا ہوگی؟

سوال ۵۵۔ $70.0 \times 10^{-3} \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ اور دھسرے پر گھمیسری جمود $10 \, \mathrm{cm}$ اگل کہ $10 \, \mathrm{cm}$ نوٹن مسیں اور $10 \, \mathrm{cm}$ کے پکاپر ممای تغییر پذیر توست $10 \, \mathrm{cm}$ و $10 \, \mathrm{cm}$ کے پکاپر ممای تغییر پذیر توست $10 \, \mathrm{cm}$ و $10 \, \mathrm{cm}$

رفت ارکب ہوں گے؟

کام اور گھمیےری حسر کی توانائی

موال ۵۵ مین (۱) اگر شکل 19.10 مسین 19.10 میں $M=400\,\mathrm{g}$ ، $R=12\,\mathrm{cm}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=10.10\,\mathrm{d}$ ، اور

سوال ۵۹.۳: گاڑی کا خدار دھرا ۳۰ کریک سٹانٹ) 1800 میکرنی منٹ رفت ارسے گھومتے ہوئے انجن سے دھسرے دار میں گاڑی کا خدار دھرا ہم کرتاہے ؟ (اکسل) تک 74.6 kW سٹرزے توانائی پہنچا تا ہے۔ خمید اردھ سراکتنی قوت مسروڑ منٹ راہم کرتاہے ؟

سوال ۲۰ ، ۳: ایک پستلی سلاخ، جس کی لسبائی m 0.75 اور کمیت 0.42 kg ہے، ایک سرے کسٹکی ہے۔
سلاخ کو ایک حبانب کھنٹی کر رہا کر کے روشاص کی طسرح جولنے ویاحباتا ہے؛ نشیب سے سلاخ کہ داوی 4.0 rad s⁻¹ زادی رفتار سے گزرتی ہے۔ رگڑ اور ہوائی رکاوٹ نظر رانداز کریں۔(۱) نشیبی معتام پر سلاخ کی حسر کی توانائی کسیا ہوگی اور (ب)
سلاخ کا مسر کز کمیت نشیبی نقط ہے کئی بلندی تک پیٹیا تا ہے؟

موال ۲۱.۳: ایک پہیا، جس کو دائری پتلی سلاخ تصور کیا حب سکتا ہے، کی کمیت 32.0 kg اور رواسس میں 1.20 m میں روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل انحبام ہوگا؟ (ب) درکار اوسط طباقت کیا ہوگا؟

سوال ۱۲. ۳: تین ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کمیت $L = 6.00 \, \mathrm{cm}$ برا کمیت برا کمیت برا کمیت برا کمیت کو عبودی، محور پر گلوم سکتی ہے (شکل 35.10 کر نے، اور (ج) گمیت ری سشرح کو (ا) $L = 20.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ برا کمیت کی در کر نظر میں کو در کار ہوگا (د) نظام کی حسر کی (جباول مسیں) تو انائی بالقابل (مسین کی مسرئع مسینڈ مسیں) مسرئع سشرح گلے وکی ترسیم کی ڈھلوان کے باتوگی وال کمیت کی دھلوان کے باتوگی وال کمیت کی دھلوان کے باتوگی وال کمیت کی دھلوان کے باتوگی وال مسین کو مسرئع مسینڈ مسین کمیت کام در کار ہوگا وکی ترسیم کی ڈھلوان کے باتوگی و

سوال ۱۳ ، ۱۳ مسیئر سلاخ زمسین پر کھسٹری کر کے گرنے دی حباتی ہے۔ عسین زمسین پر پینچ کر سلاخ کے دوسسرے سسر کی رفتار کسیاء کو پہتلی سلاخ تصور کر کے توانائی کی بستال صول پر دیکا اصول پر دیکا کا دلائیں۔)

سوال ۲۰۱۳. کیاں ہیلن کو، جس کارداسس 10 cm اور کمیت 20 kg ہے، یوں رکھا حباتا ہے کہ ہیلن کی وسطی طولی تولید کا در کمیت کور کے گرد گھوم سے۔ (۱) محور گھماو پر ہیلن کا گھمیسری جود تلاشش کریں۔ (ب) محور کے متوازی، 5.0 cm متوازی، کمی طولی محور کو محور گھماو کی ہلندی پر رکھ کرس کن ہیلن رہا کہا حب تا ہے۔ نشیب سے گزرتے وقت ہیلن کی وسطی طولی محور کو محور گھماو کی ہلندی پر رکھ کرس کن ہیلن رہا کہا حب تا ہے۔ نشیب سے گزرتے وقت ہیلن کی والد کا دوران کو کور گھماو کی ہلندی پر رکھ کرس کن ہیلن دہا کہا جو گ

موال ۲۰ ،۲۵ ایک بلند بسیلنی آتش دان جس کی بنیاد کمنزور پڑ گئ تھی گر تا ہے۔ آتش دان کو پسیلی ساخ تصور کریں جس کی کمبائی 55.0 شاہ 35.0 دوران جس لمح انتصاب کے ساتھ آتش دان °35.0 داویہ بناتا ہے

crankshaft".

، اسس کے بالا سسر کا(ا)ردای اسسراع، اور (ب) ممسائ اسسراع کسیا ہوں گے؟ (امشارہ: توانائی کی بقسا بروئے کار لائیں نا کہ قوت مسروز۔)(ج)ممسائ اسسراع کسس زاویے 8 پر s = 9.8 m s = کے برابر ہوگا؟

موال ۲۰۱۱. تک کیاں کروی خول، جس کی گیہ ہے۔ $M=4.5\,\mathrm{kg}$ اور رداس $R=8.5\,\mathrm{cm}$ باتھانی وسطی مور پر بلار گڑ گھوم سکتا ہے (شکل 47.10)۔ بلا گیہ جس سے $m=0.60\,\mathrm{kg}$ مسکت کا جم لوگا ہے، جب رفشیل پر گزار کر کرہ کے خطا ستواپر لپیٹا جب تا ہے۔ جب رفشیل کا گھیے ہی جود $m=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$ سے $m=10.00\,\mathrm{kg}$ اور رداس $m=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$ سے جب رفشیل کا دھے۔ رابلار گڑ ہے؛ دھا گہ جب رفشیل پر پھیلت نہیں ہے۔ ساکن حیالت ہے $m=5.0\,\mathrm{cm}$ کی دفت ارکب ہوگی کو تو ان ان کی کونت استعمال کریں۔ $m=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$

سوال ۱۳۰۷: پتلاگسیر (کمیت m اور رداس m 0.150 m) اور پتلی سلاخ (کمیت m اور لمب بنی m اور لمب بنی m اور لمب بنی m ور لمب بنی سیاخ (کمیت m اور لمب بنی سیاخ (کمیت m اور لمب بنی بی بر نظام سیده و کمی از نظام سیده و کمی بر نظام سیده و کمی بر معمولی بلانے بین معمولی بلانے سیاخ اور گھیرا m معمولی بلانے مستوی مسیں موجود ، افتی محور کے گردگومت ہے۔ وخسر خس کریں معمولی بلانے سیاخ اور گھیرا m کے مستوی مسیں موجود ، افتی محور کے گردگومت ہے۔ وخسر خسیری نقط ہے گزرتے وقت نظام کی زاوی رفت ارکب ہوگی؟

اضيافي سوال

سوال ۲۰٬۹۸ و دو گھوسس یکساں کرہ کی انفسسرادی کیست 1.65 kg ، اور رداسس 0.226 m اور 0.854 m ہیں۔ دونوں اپنی اپنی محور پر، جو کرہ کے مسر کزیے گزرتی ہے، گھوم سکتے ہیں۔ (۱) چھوٹے کرہ کو ساکن حسالت سے 15.5 s مسیں 317 rad s⁻¹ کی استوا پر ممسائی قوت کی قستدر کم سیامو گیجو اتی قوت مسروڑ دے ؟(ج) کہ اور (د) کا بڑے کرہ کے لئے کسابل؟

سوال ۲۹. ۲۰: رداسس r=2.00 cm کا چھوٹا فت رص، رداسس r=2.00 cm کے بڑے فت رص کے کسنارے ہیں چوٹا سیا ہے۔ کہ دونوں ایک مستوی مسین ہوں (مشکل 49.10) ہبڑے فت رص کے مسر کز O پرواقع عب ودی محور کے گر دنظام مسین میں ہوں (مشکل 49.10) کا گھوم سکتا ہے۔ دونوں فت رص کی بیک ان کثافت (کمیت فی اکائی جب میں گھوم سکتا ہے۔ دونوں فت رص کی بیک ان کثافت (کمیت فی اکائی جب کور گھرا ویرنظام کا گھرسیری جود تلاسش کریں۔

 $^{-2}$ متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔ $^{-2}$ کی $^{-2}$ کی متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔ $^{-2}$ کی مخصوص $^{-2}$ دورانیہ کے آغن ارمسیں پہنے کی زاوی کم $^{-2}$ کی مخصوص $^{-2}$ دورانیہ کے آغن ارمسیں پہنے کی زاوی کی متاز مسیں پہنے کی زاوی کی متاز کیا ہے $^{-2}$ دورانیہ کے آغن اور کی میں رہا؟

موال اکر ہم: دوجہم ، جن کی انفخرادی کیت 6.20 kg ہے، بلاکیت دھاگے ہے آپ مسین باندھے گئے ہیں (شکل موال اکر ہم: دوجہم ، جن کی انفخرادی کیت 6.20 kg ہے۔ 10-4 kg m² کے آب مسیری جود کے حب ر تقتیل ہے گزر تا ہے۔ حب ر تقتیل پر دھا گہ بھیلت نہیں؛ ہم نہیں حبات آیا میں زاور جم کے خار گڑ ہے یا نہیں؛ حب ر تقتیل کادھ سرا بلار گڑ ہے۔ کن حیالت ہے رہائی پر 91.0 ms میں حب ر تقتیل 0.130 rad گئومت ہے، اور اجسام کا اسراع مستقل ہے۔

hoop

السم. گھماو

 T_1 اور (و) دھاگے کا تناو T_2 کے اسراغ کی تناو T_2 کے این جاتوں کا کہنا ہوں جاتوں کی میں کا تناو کی کا تناو کا تناو کی کا تناو کا تناو کا تناو کا تناو کا تناو کا کا تناو کا تناو کی کا تناو کی کا تناو کا ت

سوال ۲۲.۳: پتلی سلاخ، جس کی کمیت 6.40 اور لمب کی م 1.20 سے رو نوں سرپر 1.06 kg کا گیت د نوب سرپر 1.06 kg کا گیت د نوب سرپر 1.06 kg کا گیت د نوب سے کی حصوص لیے پر نوب سے 1.20 سے کا م ان کی من سے سلاخ 39.0 سیس گوم سے ہے۔ کی مخصوص لیے پر سلاخ 39.0 سیس سے در گر کی آہر منت کوئے سے اور گر کی آہر منت کوئے سے مورڈ رخی ایک ان کی آہر منت کوئے سے مصرورڈ رخی ایک نیب وانائی مسیس کریں۔ (ا) زاوی اسراع، (ب) آہت کن قوت مصرورڈ رخی ایک نیب وانائی مت سرورڈ رخی است کی تو سے میں سیکر کی تعداد تلاسش کریں۔ (و) اسٹر من کریں آہت کن قوت مصرورڈ مستقل نہیں۔ کی اسٹر معلوم کی جب سے ہیں؟ جو معلوم کی مسرورڈ مستقل نہیں۔ کی جب سے ہیں؟ جو معلوم کی حب سے ہیں؟ جو معلوم کی جب سے ہیں؟ جو معلوم کی کی بیان کی قیمتیں کہاوں گی؟

سوال ۲۰۰۳: ہمیلی کاپٹر کے کیساں پڑکی لمب بنی 7.8 m اور کمیت 110 kg ہے، اور ایک و تبالہ اسس کو مدور دوس میں کاپٹری رہے کیساں پڑکی لمب بنی مدور 320 حیکر فی منٹ ہے گھومت ہے (جو اسس کی پوری رفت ارہے)، وت بلے پر دھسرے کی قوت کی و تدر کر ہیا ہوگی؟ (امشارہ: اسس حب کے لئے پڑکو کمسین نقط تصور کریا جب سکتا ہے جو پڑک مسر کز کمیت پر واقع ہو کیوں؟) (ب) کن حبالت سے 8 6.70 مسین پوری رفت ارتک پہنچ نے کے لئے مدور پر در کار قوت مسروڑ کمیا ہوگی؟ ہوا کی رگز نظر انداز کرین (اسس حب مسین پر کو کمیتی نقط تصور نہیں کہا جب سکتا ہوگی؟ کو کمیتی نقط تصور نہیں کہا جب سکتا ہے۔) (ج) 320 حیکر فی منٹ تک پہنچ نے کے لئے قور کہا مسین پہنچ نے کے لئے قور کہا مسین پر تک میں باسکا ہے۔) (ج) 320 حیکر فی منٹ تک پہنچ نے کے لئے وقت مسروڈ پر پر کتنا کام سرانحیام دگی؟

حوال A2. A2. A3. A3. A4. A5. A6. A6. A7. A6. A7. A6. A7. A7. A7. A8. A8. A9. A9.

سوال 20.7: ری پر جیلنے والا شخص اپن امسر کز کمیت ری پر رکھتا ہے۔ لمب اور مجساراڈ نڈ اہاتھ مسیں ہونامدد گار ثابت ہوتا ہے: اگر مسر کز کمیت ری پر گھرا کو مشخص ڈنٹرے کو ہائیں حسر کت دے کر گھساو
آہتہ کر کے سنجلت ہے۔ وسنسرض کریں شخص کی کیت 70.0 kg اور ری پر گھمسے ری جوو 15.0 kg m² ہے۔ ری پر اسس کے زاوی اسسراع کی ت در کمیا ہو گار اسس کا مسرکز کمیت ری سے 5.0 cm واور (ا) اسس کے پاسس ڈنٹر ان ہو اور (ا) اکس کے پاسس ڈنٹر ان ہو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟
(ب) اگر اسس کے پاسس 14.0 kg ڈنٹر ابو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟

t=-لہ ہوال ۲۰.21: اسس پہیا t=0 پر ساکن حسالت ہے آغناز کر کے مستقل زاوی اسسراغ ہے گزر تا ہے۔ لمحہ ورم t=0 پر پہنے کی زاوی سستی رفت اور t=0 بھی ہے۔ اسسراغ t=0 ہے۔ اسسراغ t=0 ہے۔ اسسراغ کی جہنے کہ تاہے ؟ مسیں پہیا کتنازاویہ کے کرتا ہے؟

سوال ۸۲.۷٪: تخت گوم 33 و پکرنی منے کی رفتارے 30 میں بت درج آہتہ ہوکر رکتا ہے۔(۱) اسس کا (منتقل) زادی اسراع، چکرنی مسرع منٹ میں، تلاشس کریں۔(ب) اسس دورانے میں تخت کتے چکر کا است ہے؟

retarding

سوال ۸۷.۷٪: تین L=0.600 سیل کی بیک پیک پیک کار پیشلی سیل خوں سے استوار جسم بنیا گیا ہے ، جولا طبینی حسر و نسب کی سیل کار جسم کار شکل مسیل ہے۔ جسم کا مستوی افقی رکھ کر جسم گل مسیل مستوی افقی رکھ کر جسم گرنے دیا جب تا ہے۔ جب سے مستوی انتقابی مستوی مستوی انتقابی مستوی مس

سوال 24.4: (ا) و کھائیں کہ کمیت M اور رداسس R کے ٹھوسس بیسان کا وسطی محور پر گھمیسری جود ، اور کمیت M اور رداسس R برن کی کمیت R برداسس R برن کی کمیت R برداسس کمی کور پر گھمیسری جود برابر ہیں۔ R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R معدال گھیسری جود R اور رداسس R ذیل R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R معدال گھیسری جود R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R بربر ہوگا۔

$$k = \sqrt{\frac{I}{M}}$$

معادل گھیے راکار داس k اسس جسم کار دار ہر دوار میں کہا تاہے۔

وال ۸۰. ۳: دائری مسترص $\theta_1=0.0$ مسیں مستقل زاوی اسراع کے ساتھ زاوی معتام $\theta_1=0.0$ rad معتام $\theta_1=0.0$ rad $\theta_1=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ rad $\theta_2=0.0$ rad معتام معتام $\theta_2=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ بالقابل $\theta_2=0.0$

سوال ۲۰۸۱: ایک پستلی یک اس سلاخ جس کی لمب ائی $2.0 \, \mathrm{m}$ ایک سرپر واقع بلار گڑ افتی کسیل پر گھوم سکتی ہے (شکل 53.10) وافق سے $0 = 40^\circ$ او پرر کھ کر ساکن حسالت سے سلاخ رہا کی حب تی ہے۔ افتی معتام سے گزرتے وقت سلاخ کی ذاوی رفت ارتوانا کی کی بقسا کا اصول استعال کر کے تلاسش کریں۔

سوال M=500 ہے۔ کہیں ہے۔ وہیا گہ میں M=500 ہے۔ کہیں ہے۔ وہیا گہیں۔ وہیا گہیں۔ وہیا گہیں۔ کہ دھیا گہ کے سروں ہے M=400 ہے۔ $M_1=400$ ہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گھیں ہے۔ کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت وہیں کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ رہا کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ رہا کہیں ہے۔ انہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ کہیں ہے۔ انہیں کہیں ہے۔ کہ

سوال ۸۸٪: وسطی سائسبیریامسیں، جون 30 ۱۹۰۸ کی صبح کے سات نگر چودہ منٹ پر، °61 شمال خط عسر ض بلد اور °10 مشرق خط طول بلد پر، کچھ بلندی پر ایک خون ناک دھاکہ ہوا۔ جو آگ کا شعب اشادہ جو جری دھاک سے پہلے انسان نے کبھی نہیں دیکھا۔ وقوعہ میں ایش میں آیا جس کی بہت سنگر کا وقوعہ میں آباد تاہے۔ ایک انسان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیسٹ مسین آبادہ سے مطابق "آسمان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیسٹ مسین آبادہ سے عنالبًّ m 140 ہوڑے بھری

radiusofgyration

Ferriswheel

Tunguskaevent 60

۱۲۰ پایس ۲۰. گلمهاو

سیار ہے کے پھننے سے پیدا ہوا۔ (۱) صرف زمسین کا گھسا و مد نظر رکھتے ہوئے، معساوم کریں کہ سیار جب کتنی دیر بعسہ پنچنے پر دھا کہ °25 مشرق کے خط طول بلد پر واقع شہب رہلستی کے اوپر ہو تا۔ ایسی صورت مسیں شہب رسکسل طور پر تباہ ہو حباتا۔ (بیان سے بہتنچنے پر دھا کہ بحسر القیانو سس کے بر عکس اگر سیار حب دھیا کہ بحسر القیانو سس سے بہتنے پر دھیا کہ بحسر القیانو سس میں °20 معند سب کے خط طول بلد پر ہو تا؟ (دھا کے سے پیدا سونامی بحسر القیانو سس کے دونوں اطسراف سے آبادی تباہ کرتا۔)

موال ۸۵.۸۵: گانے کا گیند افق ہے 20° زاویے پر $60~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-1}$ وختار اور $90~\mathrm{rad}~\mathrm{s}^{-1}$ شرح گھسا وے پھیکا حباتا ہے۔ ہوا کی گھسا نے نظے رانداز کریں۔ بلٹ دین نقطے تک پہنچے تک گینٹ کتنے حپکر کاٹت ہے؟

سوال ۸۸.۷: دودائری چھلوں کامسر کز ایک نقط پر رکھ کر انہیں تین بلا کیت سلاخوں ہے ہم سطحی جوڑا حباتا ہے (مشکل 54.10)۔ نظام کے مسرکز پر واقع انتصابی محور کے گرد نظام، جونی الحسال ساکن ہے، گھوم سکتا ہے۔ چھلوں کی کمیت، اندرونی رواسس، اور بیسرونی رواسس درج ذیل حبدول مسیں چیش ہیں۔ بسیرونی چھلا کے بیسرونی کشارے پر © 0.300 کے لئے 12.0 N متدر کی ممسای قوت لاگو کی حباتی ہے۔ اسس دورانے مسین نظام کی زاوی رفت ارمسین تب یکی کسیا ہوگی؟

بيروني رداسس (m)	اندرونی رداسس (m)	کیت (kg)	چھسلا
0.0450	0.0160	0.120	1
0.1400	0.0900	0.240	2

موال ۸۰.۸: بلار گرا فقی دھسرے پر m 0.20 سر کا پہیانصب کیا جاتا ہے۔ بلا کمیت دھاگا پہیے کے گرد لہین ہے۔ کرد سکی کردھا گے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے (مشکل کردھا گے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے و شکل عند کردھا گے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے دھار کے اسراع سے نشیبی حسر کت کرتی ہے۔ دھسرے پر پہیے کا گھمیسری محمد کا اسراع سے نشیبی حسر کت کرتی ہے۔ دھسرے پر پہیے کا گھمیسری جمود کیا ہے؟

سوال ۸۸. ۳: ایک پیتلے کروی خول کارداسس 1.90 m ہے۔خول کو 960 N m قوت مسروڑ، کرہ کے مسر کزپر واقع محور کے برواقع محور کے مسر کزپر واقع محور کے برواقع محور کے برواقع محور کے لیے بے؟

اسوال ۸۹. ۳: سائنگل سوار، جس کی کمیت کی کمیت کا کمیت کی پر حپڑھتے ہوئے باری باری سائنگل کے نشیب وار مسرک کرتے پائدان پر اپنی پوری کمیت ڈالت ہے۔ پائدان سے 0.40 قطسر دائرے پر چلتا ہے۔ پائدان کے محور گھساو پر سسائنگل سوار زبادہ سے زبادہ کتنی قوت مسروڑ ڈالت ہے۔

سوال ۹۰ ۳: انجن کااٹرن پہیا 25.0 rad s⁻¹ زاد کی رفت ارسے گھومت ہے۔ انجن بسند کرنے پر اٹرن پہیا مستقل شرح سے بستدریج آہتہ ہوکر 20.0 s مسیس رکتا ہے۔ (۱)اٹرن پہیے کازاد کی اسسراغ، (ب) رکئے تک طے شدہ زاوی، اور (ج) رکئے تک بلکے حیکر تلامش کریں۔

موال ۱۹۰۱: رواسس 0.20 m کا پہیا بل رگر افقی محور پر نصب ہے (شکل 19a.10)۔ محور پر پہیے کا گھیسری جمود 0.400 kg m² کا دوسرا سر 6.0 kg اینٹ سے باندھا دستان میں 6.0 kg سے باندھا دستان ہے۔ جب اینٹ کی حسری توانائی 6.0 J ہوتی ہے، (۱) پہیے کی حسات ہے۔ جب اینٹ کی حسری توانائی کے 6.0 ہوتی ہے، (۱) پہیے کی گھیسری حسری توانائی کیاہوگی اور (ب) اینٹ کتنانشیس وار وضاصلہ طے گر حسکی ہوگی ؟

موال ۹۳.۹: دوده یا کمکٹال سے مسر کزے مورخ کا فن صلہ 10^4 × 2.3 نوری سل ہے۔ کہکٹال کے مسر کز کے گرد مورخ 250 km s $^{-1}$ کے گرد مورخ 250 km s $^{-1}$ کے گرد مورخ ایک حسر مسل کر تاہے ؟ (ب) مورخ کی پیدائش سے اب تک، مورخ کتنے حیکر کاٹ چکا ہے۔ مورخ کی پیدائش کو 4.5×10^9 کے بیں۔

سوال ۹۳. ۳: بلار گرافقی محور پر رواسس 0.20 m کاپہپانسے ہے۔ محور پر پہیے کا گھیسری ہموو 0.050 kg m² ہے۔ پہیے کے گرد لیج دھائے کے سسرے 2.0 kg اینٹ بند ھی ہے جو بلار گرافتی سطح پر حسر کست کر سنتی ہے۔ اگر اینٹ پر میں 1.00 میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی اور کی میں دکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی اور کی جو سال 2.0 kg میں کے دوسا گھیسے پر پھیلتا نہیں ہے۔

سوال ۱۹۹۳: ایک ہوائی جہاز کا، جو زمسین کے لیے ظرے $480~{\rm km}~{\rm h}^{-1}$ کے پرواز کر رہا ہے، پہنکھا 2000 حپکر ٹی منٹ سے گھوم رہا ہے۔ (۱) ہوا باز اور (ب) زمسین پر کھٹڑے شخص کے نقطہ نظسر سے رداسس $1.50~{\rm m}$ پہنکھے کے پُر کا سسکے منٹ سے گھی رفت ارب خطی رفت ارب حسر کرت کر تاہے۔ جہاز کی سستی رفت اربور پہنکھے کادھے۔ رامتوازی ہیں۔

سوال ۹۵ برم: تین کمسیتوں کو بلا کمیت سانوں سے جوڑ کر استوار جم بنایا گیا ہے (مشکل 57.10)۔ جم کو نقطہ P پرواقع، جم کی سطح کو عصود کی، گور پر گھسانا مقصود ہے۔ اگر $b=50~\mathrm{cm}$ ، اور $a=30~\mathrm{cm}$ ، $b=50~\mathrm{cm}$ ، اور $b=50~\mathrm{cm}$ کو سالت ہے جم کو گھر گوری دفتار تک پہنچانے کے لئے کتنا کام در کار ہوگا؟

سوال ۹۹. ۳: مشروب کے ڈیے مسیں گنجی کا شعول مشروبات کی صنعت مسین ایک بڑا اسدم محتا۔ ڈیے کے بالا سسر مسین وسطی مت لے پر کئجی کا سب سے مسین وسطی مت لے پر کئجی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کئی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کمسنزور کردہ مصے کو بنچے دباتی ہو ہے۔ اگر آپ 10 N قوت سے کئجی اوپر کھینچین، کمسنزور کردہ مصے پر کئتی قوت عمسل کرتی ہے؟ (مشروب کاڈب لے کراسس عمسل پر غور کرنا ہوگا۔)

سوال 9.4: جہاز کا پڑ سشکل 58.10 میں پیش ہے، جو نقطہ B پر واقع انتصابی محورے گرد 2000 حیکر فی منہ ہے 0.150 m میں منتقلہ B ما جو محور سے پڑ کا دور ترین نقطہ ہے، رداسس B ما تقطہ B اور محور سے پڑ کا دور ترین نقطہ ہے، رداسس B کتت ہوگا؟ (ب) نقطہ کے مسر کز مائل اسراع کی متدر مسین مسئوت B کتت ہوگا؟ (ب) بالقابل ردای مناسلے کی ترسیم کھینچیں۔

موال ۹۸. 9 : بلار گزافتی تورپر، شکل 59.10 میں پیش نظام استعال کرے، $30~{\rm kg}$ کاڈب اٹھیا یا جاتا ہے۔ ہیں دونس روائس $R=0.50~{\rm m}$ ہوں گارداسس $R=0.50~{\rm m}$ ہوں گارداسس $R=0.50~{\rm m}$ ہوں گارداسس $R=0.50~{\rm m}$ ہوں کی متدر کے اسراع ہے اوپر اٹھتا ہے۔ مورپر نظام کا گھیسری جود کیا ہے؟

موال 99.9: بلا کمیت سال نی جس کی لمب نی سال میں ہوائی ہے۔ سے ایک سے پر 1.30 kg گیند نصب ہے۔ سال نی کے دوسرے سرپر نظام افتی دائرے مسیں 5010 حیکر فی منٹ رفت ارسے گھومت ہے۔ (۱) محور گھساو پر نظام کو کا گھسیری جمود تلاسٹ کریں۔ (ب) گھساو کے محت الف رخ، گیند پر ہوائی گھساٹ N^{-2} N مستقل رفت ارسے گھومت رکھنے کے لئے کتنی تو ہے۔ مسروڑ درکار ہوگی؟

MilkyWaygalaxy hub 2

ا۲۲ پاپ ۲۰. گھماو

سوال ۱۰۰، وو پتلی سیا جنین (جن کی انفخیرادی کمیت $L_1 = 0.20 \, \mathrm{kg}$ سین جوڑ کر، شکل 60.10 مسین جوڑ کر، شکل 60.10 مسین بیشش، استوار جم بنیاجب تا جایاجب تا بیاجب تا کی کمیب کی بیشش، استوار جم بنیاجب تا جایاجب تا بیاجب تا کی کمیب کی بیاجب تا بی کمیب کی مسال خربی مسال نظیر پر واقع، سط صفحت کو عصودی، محور پر استوار جم کا گلمیب کی جود تلاسش کریں۔ (ب) کمی سیاری جود تلاسش کریں۔ کی عصودی، محور پر استوار جم کا گلمیب کی جود تلاسش کریں۔ کی عصودی، محور پر استوار جم کا گلمیب کی جود تلاسش کریں۔

سوال ۱۰۱۱، جبر تقتیل ہے، اور A عملیا حباتا ہے (شکل 10.10)۔ حبر تقتیل A (رداسس 15 cm) اور حبر تقتیل محسر کے حبر تقتیل ہے، اور A المام A کوہت ہے۔ حبر تقتیل A (رداسس 10 cm) اور حبر تقتیل A کوہٹ A کارداسس 25 اور حبر تقتیل A کوہٹ A کوہٹ A کارداسس 25 cm) اور حبر تقتیل A کوہٹ A کوہٹ A کارداسس کے خلی رفت از، (ب) کوہٹ A کارداسس کے کارداسس کے کارداشت کی خلی رفت از، (دراسس کے کاردی رفت از، (دراست کارداشت کی کاردی رفت از، (دراست کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی ک

سوال ۱۰۴٪: حیار ذرول کو، جن کی انفت رادی کمیت 0.20 kg جو کور کے کونوں پر رکھ حیاتا ہے۔ چو کور کا اضلاع کی انفت رادی لمب کی 0.50 m افتی رکھ کے دروں کو بلا کمیت سافتی محور 0.50 m افتی رکھ کر جم کو سکن حیالت ہے رہا 0.50 m کے گرد گھوم سکتا ہے۔ 0.50 m افتی رکھ کر جم کو سکن حیالت ہے رہا کہ 0.50 m کے سرکزے گزرتی ہے۔ سلاخ 0.50 m افتی رکھ کر جم کو سکن حیالت ہے رہا تھا ہے جو کر ہے کہ محتام ہے جو کر گھری کے کہ جم کا گھریسری جود کیا ہے جو کر ہے گراوی رفت ارکس ابوگی جم کی زاوی رفت ارکس ابوگی جو کیا گھریسری جود کیا ہے جو ل کر گزرتی ہے ، 0.50 m کے خوال کر گزرتی ہے ، 0.50 m کے کہ کر زاوی رفت ارکس ابوگی ؟

سوال ۱۰۵ میں جیتا کو 114 km h⁻¹ کی حسرت کن رفت ارپر دوڑتا دیک گیا ہے۔ منسر ض کریں آپ چیتا کے ہمسراہ گاڑی مسیں جیتا ہوئے چیتا کی رفت ارجب نے کے لئے رفت ارپیب پر نظسر ڈالتے ہیں جو 114 km h⁻¹ دیت ہے۔ آپ گاڑی کو چیتا ہے مستقل طور پر 8.0 سور کھتے ہیں، تاہم چیتا گاڑی کے ڈرے مسلسل دور پختے ہوئے m 92 ردائی راہ پر دوڑتا ہے۔ یوں آپ m 100 ردائس کے دائرے پر گاڑی حیاتے ہیں۔ (ا) دائرے راہ پر جیلتے ہوئے آپ کی اور چیتا کی زاوی رفت ارکسیا ہے؟ (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے اس راہ پر چیتا کی دفت ارکسیا ہوگا ? (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے کہتے چیتا کی رفت ارکسیا ہوگا ۔ بھو کا برف ہوگا۔ بھو گاڑی اور ختا کی رفت اراتی زیادہ

بتائي گئي۔)

 $-2 \, \text{الله المعالى ا$

موال ۱۰۷٪ ایک جب رثقت بی جس کاقط سر 8.0 cm ہے، کے گرد m 5.6 ڈور کپٹی جب تی ہے۔ ساکن حسالت کے آخرد میں 5.6 سی فر سے آغب از کر کے اسس کو 2- 1.5 rad s مستقل اسراع دیا جب تا ہے۔ (۱) ڈور مکس اترنے تک جب رثقی ل کتنا زاویہ طے کرتا ہے، اور (ب) ایس کتنی دیر مسیں ہوگا؟

سوال ۱۰۸٪ گراموفون کی محتالی 33½ حپکرنی منسے سے گھسائی حساتی ہے۔(۱)اسس کی زاوی رفت اریڈیئن فی سسینڈ مسیں کسیاہو گی؟ محتالی کے محور گھساوے (ب) تا 15 دور (ج) 7.4 cm ردای مناصلے پر نقطے کی خطی رفت ارکسیاہو گی؟

باب ۵

لڑھکاو، قوت مسروڑ، اور زاوی معیار حسر کت

ا. ۵ متقیم حسر ک<u> اور گلم</u>اوم سل کر لژه کاو دیتے ہیں

مقاصد

ا مس جھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے وت بل ہوں گے۔ اسس جھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا. حبان پائیں گے کہ لڑھکاہ حنالص متنقیم حسرکت اور حنالص گھماو کامجب وعہ ہے۔

۲. ہموار لڑھکاومسیں مسر کز کمیت کی رفت اراور جسم کی زاوی رفت ارکا تعساق استعال کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• رداسس R کے پہیا کے لئے جو ہموار سطح پر لڑھک رہا ہو ذیل ہو گا:

 $v_{\underline{}} = \omega R$

جبال مرزئيس و پہيے كے مسركز كميت كى خطى دفت اراور س پہيے كے وسط پر پہيے كى زاوى دفت ارب

• پہیے کو نقطہ P کے گرد، جو "فسرسش" کے ساتھ مسس ہے، لمحاتی گھومت تصور کیا حبا سکتا ہے۔ مسر کز کمیت کے گرداور اسس نقطہ کے گرد جم کی زاوی رفت اربر ابر ہے۔

طبعیات کیاہے؟

جیب باب ہم مسین ذکر کب گیب، گھماو کا مطالعہ طبیعیات مسین شامسل ہے۔ عنالبًا، اسس مطالعے کا اہم ترین اطباق پیچ اور پیچ نسااجسام کالڑھکاوہے۔ یہ اطباقی طبیعیات بہت عسرصہ سے استعمال مسین ہے۔ دستہ یم زمانے مسیں ہواری اجب م لٹھ پر لڑھ کاتے ہوئے ایک جگہ ہے دوسسری جگہ منتقبل کیے حب تے تھے۔ آج کل ہم گاڑی مسین سامان رکھ کرایک جگہ ہے دوسسری جگہ لڑھ کاتے ہیں۔

لڑھکاو کی طبیعیات اور انجلیٹ مزی اتنی پرانی ہے کہ اسس مسیں نے تصور مسکن نظر رنہ میں آتے۔ تاہم، میں وار تحقیر 'زیادہ پرانا نہیں۔ ہماراکام برہاں لڑھکاو کی حسر کرے کو سادہ ب ناہے۔

ستقیم حسر کت اور گھساوے مسل کر لڑھکاو دیتے ہیں ا

سطح پر ہمواری سے لا محت اجسام پر بہب ان خور کسیا حبائے گا؛ یعنی جہم بغیب اچھلے یا پھیلے سطح پر حسر کت کر تاہے، چکاپر نقطہ مسین ہموار لڑھکاہ کی پیچیپ گی د کھائی گئی ہے: اگر حیب جہم کامسر کز کیسے سیدھی کسیسر پر حسر کر تاہے، چکاپر نقطہ یقسینا ایس نہیں کرتا۔ بہسر حسال اسس حسر کرتے کو مسر کز کیسے کی مستقیم حسر کت اور باقی جہم کا، اسس مسر کز پر، گھساو تصور کسی حب سکتاہے۔

و مستی دورانی t کے دوران، t اور t دونول مناصلہ t طے کرتے ہیں۔ سائیکل سوار کے نقطہ نظسر سے، پہیازاو سے کا کرتا ہے۔ مساوات کا اس تو ی مناصلہ t طے کرتا ہے۔ مساوات کا اس تو ی مناصلہ t اور ذاور t کا نعساق دی ہے:

$$(\Delta.1) s = \theta R$$

جہاں R ہیں کارداس ہے۔ پینے کے مسر کز (یکساں پینے کا مسر کز کیت) کی خطی رفت ار مسر کز کیت ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت حبان کتے ہیں۔ پینے کے مسر کز پر پینے کی زاوی رفت ار $d\theta/dt$ ہوگی۔ یوں R مستقل رکھتے ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت کے ساتھ تغسر تی ذل دیگا۔

$$v_{\underline{}} = \omega R \qquad (2.7)$$

دونوں کا ملاچ۔ شکل 4.11 مسیں دکھایا گیاہ کہ پہنے کی لڑھئی حسر کت جنالص متقیم حسر کت اور حنالص گھیسری حسر کت چیش کرتی ہے (جس مسیں مسرکز پر مور گھیسری حسر کت چیش کرتی ہے (جس مسیں مسرکز پر مور گھساو ساکن تصور کیا جباتا ہے): پہنے کا ہر نقطہ ، مسرکز پر ، زاوی رفت اد س کھومت ہے۔ (الی حسر کت پر کور گھساو ساکن تصور کیا جب کا ہر نقطہ کی خطی رفت اد س رزیس میں خور کیا گیا ہم کا برای کا پہنے کا ہر کا کن در کت پیش ہے کہ بہنے گھر حسر کت پیش کے ایم کا مسین حسر کت کرتا ہے۔ کہ بہنے گھر منتقیم حسر کت پیش ہے کا ہم کا مسین تصور کیا جب تاہے کہ پہنے گھر منتقیم حسر کت کرتا ہے۔

skateboards¹

شکل 4a.11 اور شکل 4b.11 مسل کر، شکل 4c.11 مسیں پیش، پہیے کی اصل لڑھکی حسر کت دی ہیں۔ حسر کات کے ملاپ مسیں پہیے کا افغان مسیر پہیے کا بالانقط ہے زیادہ سین مسیر کئی دو سرے نقط ہے زیادہ سین ان مسیر کئی کی دو سرے نقط ہے بیاں مسیر کرتا ہے۔ شکل 5.11 مسیر ان نتائج کا اشباتی مظاہرہ کیا گیا ہے، جہال سے کی کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ آپ دکھ کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ سرکت کرتا ہے۔ آپ دکھ کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ سرکت کرتا ہے۔ ہیں کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔

سطح پر دائری جمم کی ہموار لڑھکنی حسر کے و، مشکل 4a.11 اور مشکل 4b.11 کی طسرح، منالص گھمیسری حسر کے اور منالص مستقیم حسر کے مسین علیحہ و علیحہ و کسیاحہا ساتا ہے۔

لڑھكاوبطور حنالص گھپاو

شکل 6.11 میں پہنے کا لڑھکاو نے انداز میں پیش کیا گیا ہے؛ جس نقطے پر پہیا سڑک میں کرتا ہے، "سڑک "کے اس نقطے کے گزرتی محور پر پہیا گومت ہے؛ یہ محور سرکت میں ہوگی۔ ہم لڑھکاو کو، شکل 4c.11 میں نقط ہے گزرتی، پہنے کو عبود دار، محور پر حنالص گھماو تصور کرتے ہیں۔ یوں شکل 6.11 میں سمتا ہے، لڑھکاو کو سنگل 3.11 میں سمتا ہے، لڑھکای کے ان سمتی رفتار دیے ہیں۔

سوال : ساکن مشاہدہ کاراسس محور پر سائکل کے لڑھکنی پہیے کو کسیازاوی رفت ارمختص کرے گا؟

جواہے: وہی زادی رفتار س جو سائکل سوار مسرکز کمیت کے گرد منالص گھماد کامث اہدہ کرتے ہوئے پہیے کو مختص کرتا ہے۔

اسس جواب کی تصدیق کرنے کی حن طسر، ہم ساکن مشاہدہ کارے نقطبہ نظسرے لڑھکتی پہیے کے منسراز کی خطی رفت ار تلاسٹس کرتے ہیں۔ پہیے کارداسس R لیستے ہوئے، پہیے کا صنبراز سشکل 6.11مسیں P پرواقع محورے 2R صناصلے پر ہوگا، البندا منسراز کی خطی رفت ار(مساوات ۱۵۰۲ ستعال کرکے) ذیل ہوگی:

$$v_{\scriptscriptstyle J}$$
ن را ω $= (\omega)(2R) = 2(\omega R) = 2v$

جو شکل 4c.11 کے عسین مطبابق ہے۔ آپ مشکل 4c.11 مسیں پیش، نقطہ O اور P کی، خطی رفت ارکی تعسدیق بھی اسس طسرح کر سکتے ہیں۔

آزمائشس

ایک سائنگل کے پچھلے بہیے کارداسس اگلے بہیے کے رداسس کادگٹ ہے۔(۱) کسیا جیلئے کے دوران بڑے بہیے کے فسراز کی خطی رفت ارتجھوٹے بہیے کے فسراز کی خطی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس کے برابر ہے؟(ب) کسیا پچھلے بہیے کی زادی رفت اراگلے یہے کی زادی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یادونوں برابر ہیں؟

timeexposure'

الرهاو كي قوتين اور حسر كي توانائي

مقاصد

ا مس ھے کو پڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے ت!بل ہوں گے۔

- ا. مسر کز کیہ کی مستقیم حسر کی توانائی اور مسر کز کیہ ہے گرد گھمیسری حسر کی توانائی کامحبموعہ حساس کر کے جمع کی حسر کی توانائی معسلوم کریائیں گے۔
 - ۲. ہمواری کے ساتھ لڑھکنی جسم کی حسر کی توانائی مسیں تب یلی اور جسم پر سسرانحب م کام کا تعساق استعال کریائیں گے۔
- ۳. ہموار لڑھکاو (اہنے ابغیب میسلن) کے لئے، میکانی توانائی کی بقب استعال کر کے ابت دائی توانائی کی قیتوں اور اختتامی توانائی کی قیتوں کا تعسلق حیان یائیں گے۔

كليدي تصورات

• ہموارلڑھکنی پہیے کی حسر کی توانائی ذیل ہے،

$$K = \frac{1}{2}I\underline{}_{\omega} \omega^2 + \frac{1}{2}Mv\underline{}_{\omega} \omega^2 + \frac{1}{2}Mv\underline{}$$

جباں مسر کز کیت پر جم کا گھمیسری جمود مرزئین I اور پیے کی کیت M ہے۔

$$a_{\underline{},\chi_{\lambda}} = \alpha R$$

• اگر θ زاویہ کے میلان پر پہیا ہمواری کے ساتھ اترتے ہوئے لڑھکتا ہو، اسس کا اسسراع، میلان کے ہمسراہ اوپر رخ کور x پر وذیل ہوگا۔

$$a_{\underline{\underline{\underline{}}}} = -\frac{g \sin \theta}{1 + I_{\underline{\underline{}}} \int MR^2}$$

لڑھکاو کی حسر کی توانائی

آئیں س کن مشاہدہ کار کے نقطہ نظسرے لڑھکتی ہیپے کی حسر کی توانائی معسلوم کریں۔اگر ہم شکل 6.11 مسیں نقطہ P سے گزر تی محور پر لڑھکاو کو حت الص گھے و تصور کریں، تب مساوات ۴۳۳۰زیل دیگی،

$$(a,r) K = \frac{1}{2}I_P\omega^2$$

جہاں P پر واقع محور کے گرد پہیے کا گھسیسری جود I_P اور پہیے کی زادگی رفت ادسی ہے۔ مساوات ۳۳۰ کے مسئلہ متوازی محور $P+Mh^2$

$$I_P = I_{\underline{\hspace{1cm}}} + MR^2$$

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}MR^2\omega^2$$

(a.a)
$$K = \frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2\omega^2$$

جبزو ω^2 وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ گزرتی محور پر پہنے کے لڑھکاوے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ (ω^2 کیا ہے) اور حبنو و جسزو $\frac{1}{2}Mv^2$ کو پہنے کے مسر کر کمیت کی مستقیم حسر کت ہے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ تصور کیا جب سکتا ہے (شکل 46.11)۔ یول ذیل وت عسد وابست تاہے۔

ر المان ا

لڑھکاو کی قوتیں

ر گڑاور لڑھکاو

I گرہیبیا متقل رفت رہے لڑھکت ہو، جیب شکل 3.11 میں وکھایا گیا ہے، نقطہ تماس P پر پہیا ہر گزنہیں پہلے الہذا اس نقطہ پر رگز نہیں ہوگی۔ تاہم، اگر صافی قوت ہیے کو تیب یا آہت کرتی ہو، تب سے صافی قوت مسرکز میں ہوگی۔ تاہم، اگر صافی قوت ہیے کو تیب یا آہت کرتی ہو، تب سے صافی قوت مسرکز ہمیت کو حسر کت کے رخ اسرائ ہے۔ یوں P پر پھیل سکتا ہے۔ یوں P پر گڑی قوت عمل کرتی ہوئے ہیے کو پھیلنے ہے روگئی ہو۔ بھی ہوگا۔ ان اسراغ کی ہدولت پہیا P پر پھیل سکتا ہے۔ یوں P پر گڑی قوت عمل کرتی ہوئے ہیے کو پھیلنے ہے روگئی ہم متقل اگر پہیا پھیلے نہیں، یہ قوت سونی رگڑی قوت ہوگی اور حسرکت ہموار لڑھکا وہوگا۔ ایک صورت مسیں، I کا تعتب رکھر کی وقت کے کو میں۔ ایک ہوگئی اسراغ ہوگا۔ اسراغ کی تبدر میں کا تعتب تا میں۔ بائیں ہاتھ I کا میں۔ بائیں ہاتھ I کا تعتب تا میں میں اور دائیں ہوگا۔ میں مورک کے ذیل ہوگا۔

$$(a.4) a_{\underline{}} = \alpha R (a.4)$$

 $\vec{f_k}$ جب پہنے پر عمسل پسیراص فی قوت کی بدولت پہنا پھلے ، تب مشکل 3.11 مسیں P پر حسر کی رگڑی قوت معمسل کرے گی اور مساوات P کا اطلاق نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا و نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا نہیں کی حبائے گی۔

شکل 7.11 مسیں، افقی سطح پر دائیں رخ لڑھکتے ہوئے، سائکل معتابلے کے آغناز کی طسر ن، پہیازیادہ تینز گھسایا حباتا ہے۔ ذیادہ تینز گھسادہ کی بدولت P پر پہیا پھیل کر ہائیں حبانا حباہتا ہے۔ نقطہ P پر دائیں رخ رگڑی قوت اسس رجحان کا معتابلہ کرتی ہے۔ اگر پہیا پھیلے نہیں، ہے قوت سکونی رگڑی قوت آج ہوگی (جیباد کھسایا گیاہ ہے)، حسر کت ہموار لڑھا دہوگا دہوگی، اور مساوات ۵.۱ کااطباق ہوگا۔ (رگڑی غیبر موجودگی مسین سائیل معتابلہ مسکن نہیں ہوگا۔)

اگر مشکل 7.11 مسیں پہیا آہتہ کیا جبائے، ہمیں مشکل دو طسرح تبدیل کرنی ہو گی: مسر کز کیت کے اسراع میں جبائی رخ ہوگا۔ میں کرنے اور نقطہ \vec{d} پر کڑی توت کے کارخ اب بائیں رخ ہوگا۔

ميلان سے پنچے لڑھكاو

سٹ کل 8.11 مسیں گول یک ان جم ، جس کی کیت M اور دواسس R ہے ، زاوی θ کے میلان پر ہمواری ہے ، محور X کے ہمسراہ ، نیچ گڑھک رہا ہے۔ ہم میلان کے ہمسراہ اوا آئی کے رخ جم کے اسراع x, سر کرنا a گاریاضی فعت رہ تلاشش کرنا چہارے ہیں۔ نیوٹن کے وت نون دوم کی خطی صور سے (Rathermalland) اور زاوی صور سے (Rathermalland) صور سے دونوں استعمال کر کے ایس کرتے ہیں۔

جسم يرقوتوں كاحت كه بنانے سے آغباز كرتے ہيں (مشكل 8.11)۔

ا. جہم پر تحباذ کی قوت \vec{F}_g نشیب وار ہے۔ اسس سمتیہ کی دم جسم کے مسسر کز کمیت پر رکھی حباتی ہے۔ میلان کے ہمسراہ حب رابر ہوگا۔ حب زو $Mg\sin\theta$ کے برابر ہوگا۔

 \vec{F}_N میلان کو عصود دار حسن و \vec{F}_N ہے۔ ہے۔ جسن و نقطہ تساس سP پر عمسل کرتا ہے، تاہم شکل 8.11 مسیں ، کارخ تب میل کے بغیبر، اسس کو یوں کھ کایا کہا گیا ہے کہ اسس کی دم جم کے مسر کز کیت پر ہو۔

P نقط ہمس س P پر عمس پیسے را سکونی رگڑی توت P میلان کے ہمسراہ حپڑھ آئی کے رخ ہے۔ (کمیا آپ ستا کتے ہیں، کیوں ؟اگر P پر جم پھیلے ،وہ اترائی کے رخ پھیلے گا۔ یوں محنالف رگڑی توت حپڑھ آئی کے رخ ہوگی۔)

-1 کھتے ہیں۔ $(F_{3}$ مسین گور $x = ma_{x})$ کھتے ہیں۔ $(F_{3}$ کھتے ہیں۔ $(F_{3}$ کھتے ہیں۔ $(F_{3}$ کھتے ہیں۔ $(F_{3}$

$$(\delta.2) f_s - Mg\sin\theta = Ma_{i - x}$$

اسس مساوات مسین دونامعسلوم متغییرات، f_s اور $a_{,x}$ اور $a_{,x}$ بائے حباتے ہیں۔ (ہم f_s کی قیمت، رگڑی قوت کی زیادہ سے نیادہ قیمت، $f_{s,7}$ منسرض نہمیں کر سکتے ہم صرف است حبائے ہیں کہ رگڑی قوت اتن ہے کہ جم پھسلت نہمیں اور مسیلان پر ہمواری سے لڑھکت اور تاہے۔)

ہم اب جہم کے مسرکز کیت پر جہم کے گھماو پر نیوٹن کے متانون دوم کا اطلاق کرتے ہیں۔ پہلے، مساوات اہم. τ استعال کرکے مسرکز کمیت کے لحاظ ہے جہم پر قوت مسروڑ لکھتے ہیں۔ رگڑی قوت \bar{f}_s کے معیار اثر کا بازو T ہے، اہلہٰذااسس کی قوت مسروڑ T ہوگی، جو اسس لئے مثبت ہے کہ شکل T میں ہے جم کو صناون

گھٹڑی گھٹنے کی کو سشش کرتی ہے۔ مسر کز کیت کے لحاظ سے قوت \vec{F}_{g} اور \vec{F}_{N} کے معیار اثر بازو صف میں، اہلہٰ ذا ان کی قوت مسر وڑ صف میں گھٹ ہوں گی۔ جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر نیوٹن کا متانون دوم زاوی روپ $(\pi_{ij} = I\alpha)$ مسین کھتے ہیں۔

$$Rf_s = I_{\underline{\hspace{1cm}}} \alpha$$

اس مساوات مسیں دونامعساوم متغیرات، f_s اور lpha ، پائے حباتے ہیں۔

 α اور α

مساوات ۵.۷مسیں $f_{\rm S}$ کی جگہ مساوات ۵.۹کادایاں ہاتھ ڈال کر ذیل ملت ہے۔

 θ کے میلان پر کے ہمسراہ لڑھکتے جم کا خطی اسسراع θ کے میلان پر کے ہمسراہ لڑھکتے جم کا خطی اسسراع a

یادر ہے، تحباذ بی قوت جم کو میلان پر اترنے پر محببور کرتی ہے، تاہم جم کو گھو منے اور یوں لڑھکنے پر رگڑی قوت محببور کرتی ہے۔ اگر آپ رگڑی قوت جم کو میلان کو تیارہ کر دیں، ہموار لڑھکا و اگر آپ رگڑ حنارج کر دیں (مشلأ، میلان کو تیار کے گئے ہیں کہ میلان پر پھسل کر اترے گا۔ حنارج ہو حبائے گاور جم لڑھکنے کی بحبائے میلان پر پھسل کر اترے گا۔

آزمائشس۲

وت رص A اور B ایک جینے ہیں اور و نسر سٹس پر ایک جتنی رفت ارے لڑھکتے ہیں۔ و تسرص A کے سامنے میلان آتا ہے جس پریہ زیادہ A تک پہنچتا ہے۔ و تسرص B متمن ٹل، لیکن بلار گڑ، میلان پر حپ ڑھت ہے۔ کی A ہے زیادہ کم بیا سس کے برابر بلندی تک B پنچ گا؟

نمونی سوال ا.۵: یکسال گیند، جس کی کمیت $M=6.00\,\mathrm{kg}$ اور دواسس R ہے، زاویہ $\theta=30.0^\circ$ میلان سے انساز کر کے، ہموار لڑھکت ااتر تا ہے (مشکل M=1.11)۔

(۱) انتصابی $h=1.20\,\mathrm{m}$ نیخت کر گینند کی دفت ارکسی ہوگی؟

كلب دى تصورات

چونکہ صوف تحباذبی قوت، جوبقائی قوت ہے، گیند پر کام سرانحبام دیتی ہے، البندامیلان پر الڑھک کر اتر نے کے دوران گیند وزمسین نظام کی میکانی توانائی E کی بقسا ہوگی۔ میلان سے گیند پر عصود دار قوت گیند کی راہ کو عصود کی ہونے کو کی توانائی حسری توانائی حسری توانائی حسری توانائی مسین تیسلت نہیں (ہموار لڑھکت ہے) البندار گڑی قوت کوئی توانائی حسری توانائی مسین تیسید بلی نہیں کرتی۔

 $E_f=E_i$ يوں ميكانى توانائى كى بقت ہوگى

$$(\mathbf{a}.\mathbf{II}) K_f + U_f = K_i + U_i$$

جباں زیر نوشت f اور i بالت رتیب (زمسین پر پنجی کر) افتامی اور (ب کن حیالت) ابت دائی قیمتیں ظلام کرتی $U_f = 0$ ہیں۔ تحب ذبی مخفی توانائی کی ابت دائی قیمت $U_i = Mgh$ جبال M گیند کی کمیت ہے) اور افتای قیمت $K_i = 0$ ہیں۔ تحب ابت دائی حسر کی توانائی $K_i = 0$ ہوا گئی حسر کی توانائی حسب مستقیم اور گھیسری حسن و مسئوں کے بہت میں شامل کرنے کے لئے مساوات $M_i = 0$ کا دایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔ $M_i = 0$ کی کادایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔

صاج: ماوات ١١٥مسين والنه ديل حاصل مومًا:

(a.ir)
$$(\frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2) + 0 = 0 + Mgh$$

جباں گیٹ دے مسر کز کمیت ہے گزر تی محور پر گیٹ د کا گھیسری جمود _{سر کز کیس} I ، زمسین پر پکتی کر گیٹ د کی رفت ار (جو ہم تلاسٹس کرناحپاہتے ہیں) _{سر کز کیس} تا ،اور زمسین پر پہنچ کرزاوی رفت ادس

چونکہ گیند ہموار لڑھکتا ہے، ہم مساوات ۱۵.۲ ستعال کر کے ω کی جگہ R سے میں نامعسلوم متغیرات کی تعبداد کم کر سکتے ہیں۔ ایس کر کے، اور حبدول 2f.10 سے میں نامعسلوم متغیرات کی جگہ I کی جگہ وال کر سے بری یہ v کے لئے حسل کرنے ہے ذیل حساس ہوگا۔

یادرہے،جواب M اور R پر منحصسر نہیں۔

(ب)ميلان پر لڑھک كراترنے كے دوران كينف پرر گڑى قوت كى تدر اوررخ كسابيں؟

كلب دى تصور

چونکه گین دیموار لڑھکتا ہے، مساوات ۵.۹ گین دیر رگڑی قوت دیگی۔

۳.۵. ژوري دارائو

حماج: مساوات ٩.٥١ ستعال كرنے سے قبل جميں مساوات ١٠٥ سے گين د كااسراع معسلوم كرنا موگا۔

$$a_{\underline{\ }}_{x} = -I_{\underline{\ }}_{x} = -\frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}MR^{2} \frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}Ma_{\underline{\ }}_{x}$$

$$= -\frac{2}{5}(6.00 \,\mathrm{kg})(-3.50 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8.40 \,\mathrm{N} \qquad (-1.5)$$

یادرہے ہمیں کمیت M در کار تھی جبکہ رداسس R مہیں تھتا۔ یوں، °30 میان پر 6.00 kg ہموار لڑھکتے گیند پر، گیند کے رداسس سے قطع نظر مر، رگڑی قوت زیادہ ہوگی، تاہم بڑی کمیت کی صورت مسین رگڑی قوت زیادہ ہوگی۔

۵.۳ ڈوری دار لٹو

مقاصداس مے کویڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. دورى يراويريني حسركت كرت دورى دار لوسكا آزاد جسى حن كرسايئي كـ
- r. حبان یائیں گے کہ ڈوری دار اٹو،ایب جسم ہے جو °90 زاویہ میلان پر ہموار اوپر نیچے لڑھکتا ہے۔
- س. ڈوری پر اوپر نیچے حسر کت کرتے ڈوری دار لٹو کے اسسراع اور تھمیسری جمود کا تعسلق استعمال کریائیں گے۔

كليدي تصور

• دوري دار الوجو دورير اويريانيج حسر كت كرتابوكو °90 ميلان ير بموار لأهكت اجسم تصور كب حب سكتا ہے۔

<u>ڈوری دار لٹو</u>

ڑوری پر h ف اس کی حسر کی توانائی مسیں mgh کی واقع ہو گی جبکہ اس کی حسر کی توانائی کے مستقیم حسزو $\frac{1}{2}I$ ورگھیسے می حسزو $\frac{1}{2}I$ اور گھیسے می حسزو $\frac{1}{2}I$ مسین اضاف ہوگا۔

ڈوری دار لئوکی ایک نئی مسین ڈور کو دھسرے کے ساتھ سخت باندھنے کے بحبئے ڈور کو دھسرے کے گرد ڈھیالا گھیسرا دیا حباتا ہے۔ جب لئوینچ اترتے ہوئے ڈور کے پیٹ داکو "گرا تا"ہے، دھسرے پر ڈور اوپر وار قوت لاگو کرکے لئو کی نشین حسرکت روکتی ہے۔ اسس کے بعب لئوصرف گھمیسری حسر کی توانائی کے ساتھ (دھسرا گھیسر مسین حیکر کائٹ ہوا) گھومت ہے۔ لئو ("موتے ہوئے") حیکر کائٹ ارہت ہے؛ ڈور کو جھٹکا دینے پر ڈور دھسرے کو پکڑتی ہے، "لئوب دار ہوتا ہے"، اور اوپر حی ٹرھن شسروع کر تا ہے۔ ڈور کے بیٹ داپر لئوکی گھمیسری حسر کی توانائی (اور یوں سونے کا دورانیس) بڑھانے کی حن اطسر لئوکو ساکن حیالت سے رواناکرنے کی بجبائے ابتدائی رفت الر سرزئیست تا اور س) کے ساتھ نشیب وار پھیکا حب تا ہے۔

ڈور پر نشیب وار اترنے کے دوران لئو کا خطی اسسراع _{سر کز کیس} میں میلان پر اتر تے لؤھکتے جہم کی طسرح، نیوٹن کانت نون دوم (خطی اور گھمیسری رویہ مسین)استعال کیا حب سکتاہے۔ماسوائے ذیل، تحب نریہ بالکل اس

- ا۔ افق کے ساتھ θ زاویے کے میلان پر اترنے کے بحبائے ڈوری دار لٹوافق کے ساتھ °90 زاویے کی ڈور پر اتر تاہے۔
- r. رداسس R کی بیسرونی سطح پر لڑھکنے کے بحیائے ڈوری دار الور داسس R₀ کے دھسرے پر لڑھکتا ہے (شکل 9a.11)۔
 - س. رگڑی قوت \vec{f}_s کے بحائے، ڈوری دار اٹو کو ڈور کا تناو \vec{T} آہتہ کرتاہے (شکل 9b.11)۔

موجودہ تحب زے بھی مساوات ۱۰ دے گا۔ آئیں مساوات ۱۰ ۵ کی ترقیم تبدیل کرکے اور °90 🔹 🖯 ڈال کر خطی اسسراع ذيل لكھتے ہيں:

(a.ir)
$$a_{\underline{}\underline{}\underline{}}_{5/5} = -\frac{g}{1 + I_{\underline{}\underline{}}_{5/5} / MR_0^2}$$

جہاں لٹوکے مسر کز کمیت پر لٹو کا تھمیسری جمود م_{سر کز کمی} اور کمیت M ہے۔ ڈوری پر اوپر حسِٹر ھنے کے دوران ڈوری دار لٹو كالسسراع يهي نشيبي اسسراع موگا۔

۸.۵ قوی مسروژیر نظسر ثانی

مقاصد اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ قوت مسروڑ ایک سمتیہ معتدارہے۔
- r. حیان مائیں گے کہ جس نقطہ پر قویہ مسروڑ تعسین کساجیائے اسس کاذکر صربحباً کرنالازم ہے۔
- س. ذرے پر عمسل پسپراتوت کی ذرے پر قوت مسروڑ ، اکائی سمتیہ ترقیم یات در وزاوی ترقیم کے رویے مسیں ، ذرے کے تعبین گرسمتیہ اور قویت سمتیہ کے صلیبی ضرب سے حساصل کریائیں گے۔
 - ہ. صلیبی ضرب کادامال ہاتھ ت عبدہ استعمال کرکے قوت مسروڑ کارخ تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• تین ابعباد مسیں، قوت مسروڑ 🛪 ایک سمتیہ مقدار ہو گی، جو کسی مقسررہ نقط، (عسوماً میدا) کے لحیاظ سے تعین کی حیاتی ہے؛اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

جباں $ec{F}$ ذرے پر لاگو قوت اور $ec{ au}$ کسی مقسررہ نقطے کے لحاظ سے ذرے کا تعسین گرسمتیہ ہے،جو ذرے کامعتام دیت ا

$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

 F_\perp جبال \vec{F} اور \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو \vec{F} کامعبوردار جبزو F_\perp ، اور \vec{F} کامعیار اثر کابازو

• قوے مسرور ٹر کارخ صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ متاعب دہ دیگا۔

قوت مسروڑ پر نظبر ثانی

باب ۴ مسیں مقسر رہ تحور کے گرد گھونے کے حتابل استوار جم کے لئے قوت مسروڑ ہی کو تعسریف پیش کی گئی۔ ہم قوت مسروڑ کی تعسریف کو وسعت دے کر (مقسر رہ محور کے بحبائے)مقسر رہ نظلے کے لحاظ سے کسی بھی راہ پر حسر کت کرتے ہوئے انفسنر ادی ذرے کے لئے استعمال کرتے ہیں۔ راہ کا دائری ہونا ضروری نہیں، اور ہم قوت مسروڑ کو سمتی ہی گستے ہیں جس کا رخ کھھ بھی ہو سکتا ہے۔ قوت مسروڑ کی متدر کلیے سے اور رخ صلیبی ضرب کے دایاں ہاتھ مت عدہ سے مسلسل کسی سے سال کرتے ہیں۔ کا دائری ہونا عبدہ سے دار سالتھ میں سکتا ہے۔

 \vec{F} مسین، نقط ہے A پر مستوی Xy مسین ایسا ایک ذرہ دکھایا گیا ہے۔ ذربے پر، مستوی مسین قوت، \vec{F} مسل کرتی ہے، اور مبدا O کے لحاظ ہے ذربے کامعتام تعسین گرسمتیہ \vec{T} دیتا ہے۔ مقسر رہ نقط ہے O کے لحاظ ہے ذربے کی مسل پہیسرا قوق مروز \vec{T} کی تعسریف ذیل ہے۔

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$
 قوت مسرور کی تعسرینی $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$

قوت مسرور ٹ آئی اسس تعسریف مسیں سمتی (صلیبی) خرب کی تحسیب حصہ 3.3 کے قواعہ دے کی حباس تن ہے۔ آئی کارخ حبائے کے لئے، سمتی آئی کو (رخ تبدیل کیے بغیبر) کھرکا کر اسس کی دم مبدا کی پر رکھی حباتی ہے؛ یوں، جیسا
19a.3 مسیں جکھ کے اب ہم شکل 10b.11 مسیں دکھیا گیا ہے، سمتی ضرب کے دونوں سمتیات کی دم ایک نقطے پر ہو گا۔ اب ہم شکل 19a.3 مسیں بیٹ دایاں ہاتھ و تباعد مار سمتال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حبار انگلیاں آئی پر کھ کر (ضرب مسیں بہلاسمتیہ ہے) کے طسر نے بچھاتے ہیں (جو ضرب مسیں دوسراسمتیہ ہے)۔ سیدھ کھٹڑا انگوٹ آئی کارخ دیگا۔ شکل 10b.11 مسیں کی کررخ مور سے کے مشت رخ ہے۔

 $(c = ab \sin \phi)$ کامسوئی نتیجہ بروئے کارلاتے ہیں، جوذیل دیگا: $\tau = rF \sin \phi$

جباں \vec{r} اور \vec{F} کے دم ایک نقطے پر رکھ کر سمتیات کے نیچ چھوٹا زاویہ ϕ ہے۔ شکل 10b.11 ہے ہم دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات 10b.31 کھی جب سکتی ہے:

جہاں F_{\perp} (جو $F\sin\phi$ کے برابر ہے) F کا F کا عصود دار حبز و ہے۔ شکل 10c.11 کو کھے کر مساوات $F\sin\phi$ کھی حب سکتی ہے:

$$\tau = r_{\perp} F$$

جہاں $r\sin\phi$ جہاں ہے۔ $r\sin\phi$ کامعیاراژ کابازو \vec{F} کامعیاراژ کابازور \vec{F} کے خط عمسل اور \vec{F} کی جہاں ہے۔ \vec{F} کامعیاراژ کابازور \vec{F} کا کابازور \vec{F} کا کابازور کابازور کا کابازور کا کابازور کابازور کابازور کا کابازور کابازور

ذرے کا تعسین گرسمتیہ نم ، مثبت محور 2 کے ہمسراہ پایا حباتا ہے۔اگر ذرے پر قوت مسروڑ (۱) صفسر ہو، (ب) محور ٪ کے منفی رخ ہو، اور (ج) محور لا کے منفی رخ ہو، قوت مسروڑ پسیدا کرنے والی قوت کارخ کسیا ہوگا؟

نمونی سوال ۵.۲: قوتے کی بدولتے ذربے پر قوتے مروڑ $2.0 \, \mathrm{Mpc}$ نمونی سوال ۱۱ه.۱۰ میں، نقط A پر ہے، جس کی 11ه.11 میں، نقط A پر ہے، جس کا 11م.11 میں، نقط a ور a

كلب دى تصور

حماج: ہم مبدا O کے لحاظ ہے قوت مسروڑ حبان چہ ہیں لہذا دیا گیا تعین گرسمتیہ صلیبی خرب مسین درکار سمتیہ ہم ہوگا۔ O ہوگا۔ ورز ہم کی آزاویہ O حبائے کے ہم شکل 11a.11 مسین در کے گئے ہم شکل O پر ہو۔ انتصال کے بعد قوت O ، اور O بال ہوگا ہیں کہ ان کی دم O پر ہو۔ انتصال کے بعد قوت O ، اور O بالات رہیں شکل 11b.11 مشین کو مستوی O کا کانظ اور دی ہیں ، دکھائی گئی ہیں (جن مسین سمتیہ قوت اور تعین گرسمتیہ کی خواویہ بات نظر آتے ہیں)۔ شکل 11d.11 مسین تم اور O کی خواویہ O کی خواویہ آتے ہیں)۔ شکل 11d.11 مسین تم اور O کی خواویہ O کی خواویہ O کی خواویہ مسین عصود دار اندر رخ ہے۔ عصود دار نکلنے کی صورت مسین O عملامت استعال کی حسان ہے۔ O

مساوات ۱۵.۱۵ستعال کر ذیل حساصل ہوگا۔

$$\tau_1 = rF_1 \sin \phi_1 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 150^\circ) = 3.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$
 $\tau_2 = rF_2 \sin \phi_2 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 120^\circ) = 5.2 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$
 $\tau_3 = rF_3 \sin \phi_3 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 90^\circ) = 6.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$

اب دائیں ہاتھ مت عدہ استعمال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حیار انگلیاں $\vec{7}$ کے رخ رکھ کر \vec{F} کے رخ (سمتیات کے رخ کے $\vec{6}$ $\vec{7}$ کی میں ہوئے دائیں ہاتھ کا گوٹھا، جو حیار انگلیوں کو عصود دار رکھا گیا ہے، قوت مصروڑ کارخ دیگا۔ یوں $\vec{7}$ کارخ $\vec{7}$ کارخ کے درخ ہوگا؛ اور $\vec{7}$ کارخ میں سفے کے اندر حیار نکلنے کے رخ ہوگا؛ اور $\vec{7}$ کارخ سنکل 110.11 میں سفے کے اندر حیار نکلے کے درخ ہوگا؛ ور $\vec{7}$ کارخ میں بیٹ میں دکھایا گیا ہے۔ سینوں قوت مصروڑ سمتیات مشکل 110.11 میں پیش ہیں۔

۵.۵ زاوی معیار حسر کت

۵.۵ زاوی معیار حسر کس

مقاصد

اس حسہ کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ زاوی معیار حسر کے ایک سمتیہ معتبدار ہے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ جس مقسررہ نقطے کے لحاظ سے زاوی معیار حسر کسے تعین کیا حبائے اسس کاذکر صریحاً کرنالازم
 ہے۔
- ۳. اکائی سمتیر ترقیم یافت در وزاوی ترقیم مسین ، ذرے کے تعسین گرسمتیر اور معیار حسر کے سمتیر کاصلیبی ضرب لے کر ذرے کازاوی معیار حسر کے تعسین کریائیں گے۔
 - ۴. صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ تعامدہ استعال کرئے زادی معیار حسر کت کارخ نعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• ایک ذرہ، جس کا خطی معیار حسر کے است m، اور خطی سمتی رفت اور \vec{v} ہو، کا مقسر رہ نقطے کے لحاظ سے (جو عسوماً مید ابو گا) زاوی معیار حسر کے لگی کا تعسریف ذیل سمتی مقید دارے۔

$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

$$\ell = rmv \sin \phi$$

$$= rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$= r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جبال \vec{r} اور \vec{v} بین،اور مقسرره نقطے سے میں اور \vec{v} کو \vec{v} اور \vec{v} اور مقسرره نقطے سے مبلوط \vec{v} تک عصود دار صناصلہ r_{\perp} ہے۔

• دایاں ہاتھ وت عبدہ ℓ کارخ دیگا: دائیں ہاتھ کی حیاد انگلیاں ℓ کے رخ پر (ابت دائی طور) رکھ کر انہیں گھس کر ℓ کے رخ پر رکھیں۔ دائیں ہاتھ کا سیدھ کھٹر اانگوش ℓ کا رخ دیگا۔

زاوی معیار حسر کت

یاد کریں، خطی معیار حسر کت \vec{p} اور خطی معیار حسر کت کی بقت کا اصول انتہائی طاقت و اوزار ہیں۔ انہیں استعال کر کے نتائج کی، مشاہ دو گاڑیوں کے تصادم کی تفصیل حبانے بغیبر تصادم کی، پیٹیگوئی کی حباسکتی ہے۔ یہاں ہم \vec{p} کے زاوی مدمت اہل پر جعسرہ سشہ دو گاریوں کے تعین جس کا اختتام حصہ 8.11 مسین بقت کی اصول کے مدمت اہل پر ہوگا۔

سنکل 12.11 میں مستوی xy مسیں نقط A ہے کمیت m اور خطی معیار حسر کت \vec{p} (\vec{v}) کاذرہ گزرتا \vec{v} کے کا بازر کا **راوی معیار** حرکت \vec{v} کی سمتیہ متی را رہوگا جس کی تعسر پینے نیا ہے،

(۵.۱۸)
$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$
 (غاوی معیار حسر کت کی تعسریف)

رخے۔ سٹکل 12.11 میں زاوی معیار حسر کت سمتیہ \hat{y} کارخ جب نے کے لئے، ہم سمتیہ \hat{q} کو کھ کا کر کے اس کی دم مبدا O پر رکھتے ہیں۔ اس کے بعد صلیبی ضرب کا دایاں ہاتھ و تاعدہ استعال کر کے انگلیوں کو \hat{q} کے لیسٹے ہیں۔ سیدھ کھٹ ڈاانگوٹٹ \hat{y} کارخ، شکل 12.11میں، محور z کا مثبیت رخ دیت ہے۔ یہ مبتب رخ، محور z پر تعسین گرسمتیہ \hat{q} کے حنالان گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر کرد

قدر۔ زادی معیار حسر کت $\vec{\ell}$ کی ت در معساوم کرنے کے لئے ہم مساوات 27.3 کا عسو می نتیجہ ذیل لکھتے ہیں:

$$(\mathfrak{d}.\mathfrak{19}) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

جہاں تر اور \vec{p} کی دم ایک نقط پرر کھ کر سمتیات کے بی حجونازاوی ϕ ہے۔ شکل 12a.11 دیکھ کر مساوات 1.90 ذیل کھی جب کتھ ہے:

$$(a.r\bullet) \qquad \qquad \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

جباں \vec{r} کو \vec{p} کاعبود دار حبزو p_{\perp} ہے، اور \vec{r} کو \vec{v} کاعبود دار حبزو v_{\perp} ہے۔ شکل 12b.11 دیکھ کر مساوات p_{\perp} ہور دار کھی کتھی حساستی ہے:

$$(a.r) \qquad \qquad \ell = r_{\perp} p = r_{\perp} m v$$

جہاں مبسوط $\vec{p} = 0$ کاعب وددار فناصلہ r ہے۔

اہم۔ دوپہلوپر غور کریں: (1) زاوی معیار حسر کت صرف کی مخصوص مبدا کے لیے ظرے معنی خسیز ہے اور (2) اسس کا رخبر صورت اسس مستوی کوعب ودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ \vec{p} مسل کر بہناتے ہیں۔ آزماکٹ ۴۰۰ میں مستوی کوعب ودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ \vec{p}

angularmomentum

۵.۵ زاوي معيار حسر کت

شکل ؟؟ امسیں ذرہ 1 اور 2 نقط 0 کے گربالت رتیب درداسس 2 س اور 4 m کے دائروں پر حسر کت کرتے ہیں۔ شکل ب مسین ذرہ 3 اور 4 نقط 0 کے بالت رتیب 4 m اور 2 m عصود دار مناصلوں پر خط مستقم پر حسر کت کرتا ہے۔ تمام ذروں کی کمیت اور رفت اربرابر ہیں۔ (۱) نقط مصر کت کرتا ہے۔ تمام ذروں کی کمیت اور رفت اربرابر ہیں۔ (۱) نقط میں کرتا ہے۔ تمام ذروں کی کمیت اور متاربرابر ہیں۔ (۱) نقط 0 کے زاوی معیار حسر کت کے لیاظ ہے ، اعظم اول رکھ کر، ذروں کی در حب بندی کریں۔ (ب) نقط 0 پر کن ذروں کا در حب بندی کریں۔ رسب انقط 9 پر کن ذروں کا در حب بندی کریں۔ رسب منفی ہے ؟

نمونی سوال ۵.۳ دو ذروی نظام کازاوی معیار ترکت

كلب دى تصور

انف رادی زاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}_1$ اور $\vec{\ell}_2$ معلوم کرنے کے بعد بین کر کے ہم صافی معیار حسر کت $\vec{\ell}_1$ تلاش کر حسیت ہیں۔ ان کی تعدریں مساوات ۵.۱۸ تامساوات ۵.۲۱ مسیں ہر ایک سے تعین کی حباستی ہیں۔ البت، ہمیں عصود دارون صلے p_1 ور p_2 اور p_3 اور معیار حسر کت کی تعدریں p_3 اور p_3 وی گئی ہیں البت تعالیٰ زیادہ آسان ہوگا۔

حماج: زره 1 ك لئ مساوات ٥٠٢١زيل ديكار

$$\ell_1 = r_{\perp 1} p_1 = (2.0 \,\mathrm{m}) (5.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $10 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

$$\ell_1 = +10\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

اسى طىرى ℓ_2 كى ت در ذيل

$$\ell_2 = r_{\perp 2} p_2 = (4.0 \,\mathrm{m}) (2.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $8.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

اور $\vec{p}_2 \times \vec{p}_3$ سمتیہ سے صل ضرب صف ہے باہر رخ ہے، جو منفی رخ ہے، اور جو ذرہ 2 کی حسر کت کے دوران O کے گرد نوع کے گلسٹری وار حسر کت کے عسین مطابق ہے۔ یوں ذرہ 2 کا زادی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_2 = -8.0\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

دو ذروی نظام کاصافی زاوی معیار حسر کے زیل ہو گا۔

$$\begin{split} L &= \ell_1 + \ell_2 = +10\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1} + (-8.0\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1}) \\ &= +2.0\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{i.s.}) \end{split}$$

مثبت علامت کہتی ہے 0 پرنظام کاصافی معیاد حسرکت صفحہ ہے اہر نکلنے کے رخ ہے۔

۵.۲ نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

مفاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعب آییے ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا۔ زادی رویے مسین نیوٹن کا وت انون دوم استعال کر کے ، کسی مخصوص نقطہ کے لحاظ سے، ذریر برعمل پہر اقوت مسروڑ اور ذرے کے زاوی معیار حسر کت مسیں پیداتب ملی کار شتہ حبان یا ئیں گے۔

كليدي تصور

• نیوٹن کافت نون دوم کازادی رویے ذیل ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{c}}}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جہاں میں $\vec{ au}$ ذرے پر صافی قوت مسروڑ اور $\vec{ au}$ ذرے کازاوی معیار حسر کت ہے۔

نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

نیوٹن کامت انون دوم ذیل رویہ مسیں:

(۵,۲۲)
$$\vec{F} = \frac{\mathrm{d}\vec{p}}{\mathrm{d}t} \qquad (واحد ذره)$$

واحد ذرے کے لئے، قوت اور خطی معیار حسرکت کے نی فتر بی رسشتہ احباگر کرتا ہے۔ ہم خطی اور زاوی معتادیر کی متوازیت دکھے سے بیں اور توقع کر سکتے ہیں کہ قوت مسرور اور زاوی معیار حسرکت کے چے بھی مسری تعالق ہوگا۔ مساوا۔۔۔ ۵.۲۲ کو دیکھ کر ہم ذیل تعسلق کی توقع کرتے ہیں۔

(۵,۲۳)
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$
 (واحدزره)

یقسیناً، مساوات ۲۳.۵واحسد ذرے کے لئے نیوٹن کے وت انون دوم کازاوی رویے ہے:

ذرے پرتسام قوت مسروڑ کا (سستی) محبموعہ ذرے کے زادی معیار حسر کت مسین تبدیلی کے برابر ہوگا۔

کی مخصوص نقطہ کے لیے اظ ہے، جو عب موماً محید دی نظام کامب داہوگا، قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ اور زاوی معیار حسر کے لیے بغیر میں اوات 0.7 ہے بغیبر مساوات 0.7 ہے معنی ہوگی۔

مساوات ۳۳ ۵ کا ثبوت

ہم مساوات ۱۸۔۵ سے آغساز کرتے ہیں،جو ذرے کے زادی معیار حسر کت کی تعسر یف ہے:

$$\vec{\ell} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

جباں \overline{t} زرے کا تعسین گرسمتیہ اور \overline{v} ذرے کی سستی رفت ارہے۔ دونوں اطسرانے کا تغسیر \overline{t} کے لحیاظ سے لیے ہیں۔

(a.rr)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m \left(\vec{r} \times \frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} + \frac{\mathrm{d}\vec{r}}{\mathrm{d}t} \times \vec{v} \right)$$

البت، $d\vec{v}/dt$ ذرے کا اسراع \vec{a} ، اور $d\vec{v}/dt$ ذرے کی سنتی رفت ارہے۔ یوں مساوات $d\vec{v}/dt$ کھی جب سکتی $d\vec{v}/dt$ نہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a} + \vec{v} \times \vec{v})$$

اب $ec{v} = 0 \times ec{v} \times ec{v}$ ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر ہے ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر کے برابر ہوگا۔ کے برابر ہوگا۔ کا بین آحسنری حبیز وحسارج ہوگا اور ذیل رہ حبائے گا۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a}) = \vec{r} \times m\vec{a}$$

ہم نیوٹن کانت نون دوم \vec{F}_{i} سے اللے میں ستعال کرتے ہیں۔ \vec{F}_{i} ڈال کر ذیل ساسل کرتے ہیں۔

(a.ra)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = \vec{r} \times \vec{F}_{\dot{\mathbf{j}}} = \sum (\vec{r} \times \vec{F})$$

3.1سیاں عسلامت $\sqrt{7}$ کہتی ہے تسام قو توں کے سمتی ضرب \vec{F} × \vec{F} کا محبوعہ لین ہوگا۔ البت، مساوات $\sqrt{7}$ کا محبوعہ لین ہوگا۔ یوں، مساوات $\sqrt{7}$ کہتی ہے جم حبائے ہیں (درج بالا) ہر سمتی ضرب کسی ایک قوت سے وابستہ قوت مسروڑ ہوگا۔ یوں، مساوات $\sqrt{7}$ کہتی ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{d}} t} = rac{ ext{d} ec{\ell}}{ ext{d} t}$$

٥ - من سال ضرب كالنسر ق السية بوئ مستمل معتادير كارتيب برمت رار ركھيں۔ يون يبال تر بميث ق سے بہلے بوگ

جومساوات ٢٣٠ هـ ، جميم ثابت كرناحيات تهد

آزمائش ۵

کل ؟؟ مسیں کی ایک لیجے پر ذرے کا تعسین گرسمتیہ 7 ، اور ذرے کو مسرع کرنے والی قو توں کے حیار ممکن رخ دیے گئے ہیں۔ تسام قوت سط xy مسیں ہیں۔(۱) نقطہ O پر ذرے کے زاوی معیار حسر کر مسیں تبدیلی ($d\vec{\ell}/dt$) کی متدر کے لیے ناطعہ قیمت اول رکھ کر، قو توں کی در حب سندی کریں۔(ب) نقطہ O پر کوئی قوت تبدیلی کی منفی مشرح دیت O

نونی سوال ۵.۴: قوھے مروڑ اور زاوی معیار حرکھے کا وقتی تفرق ک بند جب کرک میں میں 5001،00 میں جب براتعب ما

ایک ذرہ جس کی کمیت 0.500 kg ہے اور جس کا تعیین گرسمتیہ ذیل ہے، متقیم خط پر حسر کت میں ہے (شکل 14a.11):

$$\vec{r} = (-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j}$$

جہاں آ میٹر مسین اور t سیکنڈ مسین ہے، اور آغناز t=0 پر ہوتا ہے۔ تعسین گرسمتیہ مبداے ذرے کے مسرکز کی نشاند ہی کر تا ہے۔ اکائی سمتیہ ترقیم مسین، ذرے کا ذاوی معیار حسر کت آ آور ذرے پر قوت مسروڑ آ مبدا کے لحاظ سے (یامبدایر) تلامش کریں۔ ذرے کی حسر کت کومد نظس رکھتے ہوئے ان معتادیر کی الجبرائی عسلامت کی وحب پیش کریں۔

كلىيەرى تصورات

حماج: مساوات ۱۵.۱۸ استمال کر کے مبدا پر زاوی معیار حسر کت تلامش کرنے کے لئے ضروری ہے کہ پہلے تعین گرسمتیر کا وقت تقسر قنسر قبل کی سمتی رفت از کا الجبرائی فعت رہ حسام کی حبائے۔ مساوات 10.4 $(\vec{v} = d\vec{r}/dt)$ کو دکھ کرہم ذیل کھتے ہیں:

$$\vec{v} = \frac{d}{dt}((-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j})$$
$$= (-4.00t - 1.00)\hat{i}$$

جہاں ت میٹرفی سینڈمسیں ہے۔

اس کے بعب مساوات 27.3 مسیں صلیبی ضرب کا دکھایا گیا ڈھانحپ استعال کر کے تو اور تو کا صلیبی ضرب معلوم کرتے ہیں۔

$$\vec{a} \times \vec{b} = (a_y b_z - b_y a_z)\hat{\mathbf{i}} + (a_z b_x - b_z a_x)\hat{\mathbf{j}} + (a_x b_y - b_x a_y)\hat{\mathbf{k}}$$

یہاں آ کو عصومی سمتیہ \vec{b} اور \vec{v} کو عصومی سمتیہ \vec{b} ظاہر کرتا ہے۔ چونکہ ہم خرور سے زیادہ کام نہیں کرنا حیاہے، آئیں عصومی سلیبی خرب مسیں پر کردہ بدل پر غور کرتے ہیں۔ چونکہ \vec{r} مسیں z حب زواور \vec{v} مسیں y اور z احب زاء نہیں پائے حب رہائے ہوگئہ والی دوڑ کے جب نے ، اسس عصومی صلیبی خرب کا صرف آحضری حب زو $b_x a_y$) غیسر صف رہے۔ یول، زیادہ الجمرائی دوڑ کے بیٹے دوئیل کھتے ہیں۔

$$\vec{r} \times \vec{v} = -(-4.00t - 1.00)(5.00)\hat{\mathbf{k}} = (20.0t + 5.00)\hat{\mathbf{k}} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

یادرہے، ہمیث کی طسرح صلیبی ضرب جو سمتید دیتی ہے وہ ابت دائی سمتیات کو عسود دار ہوگا۔ مساوات ۱۸ میری کرنے کے لئے، کیت سے ضرب دے کر ذیل حساصل کرتے ہیں۔

$$\vec{\ell} = (0.500 \,\mathrm{kg})[(20.0t + 5.00)\hat{\mathrm{k}} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}]$$
$$= (10.0t + 2.50)\hat{\mathrm{k}} \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1} \qquad (\text{----})\hat{\mathrm{s}}$$

مبدایر قوت مسروڑ اب مساوات ۵.۲۳ سے فوراً حساصل ہوگا:

$$\vec{\tau} = \frac{d}{dt} (10.0t + 2.50) \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-1}$$

$$= 10.0 \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 10.0 \hat{k} \text{ N m} \qquad (\text{---})\hat{k}$$

جو محور تر کے مثبت رخ ہے۔

ہمارا گی کا نتیج ہوت ہے زاوی معیار حسر کے محور 2 کے مثبت رخ ہے۔ تعیین گر سمتیہ کے گلماو کی صورت مسیں " "شبت " نتیجے کامطلب مستجھے کے لئے اس سمتہ کی قیب مختلف اوت سے محلف کے مساور کی میں۔

$$t = 0,$$
 $\vec{r}_0 = 5.00$ ĵ m
 $t = 1.00$ s, $\vec{r}_1 = -3.00$ î + 5.00ĵ m
 $t = 2.00$ s, $\vec{r}_2 = -10.0$ î + 5.00ĵ m

یہ نتائج شکل 14b.11 میں پیش ہیں؛ ہم دیکھتے ہیں کہ ذرے کے ساتھ ساتھ چلنے کے لئے آ خلاف گھٹری گومت ہے۔ یبی گھساو کامٹبت رخ ہے۔ یوں، اگر حپ ذرہ خود سید ھی ککسیر پر حسر کت کر تاہے، مبدا کے لحساظ سے سے اسس کی حسر کت حیلاف گھٹری ہے، اور یوں اسس کا زاوی معیار حسر کسے مثبت ہے۔

ہم کی کے رخ کامطلب، صلیبی ضرب (یہاں $\vec{v} \times \vec{v}$ یا آپ حہاییں $\vec{v} \times \vec{v}$ ، جو ایک رخ ویت ہیں) کا دایاں ہاتھ وتاعب دہ استعال کرے سمجھ سکتے ہیں۔ ذرے کی حسر کسے وران کمی بھی معیار الڑکے لئے، دائیں ہاتھ کی حہار انگلیاں

صلیبی ضرب کے اول سمتیہ آئے کرخ رکھی حباتی ہیں (مشکل 14c.11)۔ ہاتھ یوں سب بند کیا حباتا ہے کہ ہتھیلی کے گر دانگلیاں ہا آس نی گھی کر صلیبی ضرب کے دو سرے سمتیہ آئے کے رخ کی حبائیں (مشکل 14d.11)۔ اس پورے عمسل کے دوران انگوٹے کو حیار انگلیوں کے لیے اظ سے عصود دار رکھا حباتا ہے۔ انگوٹ صلیبی ضرب کے نتیج کارخ دیگا۔ جیب مشکل 14e.11 میں دکھایا گیا ہے، ماحصل سمتیہ محور ح کے مثبت رخ (جو مشکل کے مستوی سے سیدھ ہاہر لگاتا ہے) اور گزشتہ نتیج کے عسین مطابق ہے۔ شکل 14e.11 میں آئے کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محور ح کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، اور گزشتہ نتیج کے عسین مطابق ہے۔ شکل 14e.11 میں کے مترب میں کے مترب کی مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، ان کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محور ح کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، ان کاری معیار حسر کرت ای رخ ہے اور اس کی تدریز ہورہی ہے۔

مقاصد

معاصد اسس حسب کو پڑھنے کے بعسد آییے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ذروں پر مشتل نظام کے لئے، نیوٹن کا ت انون دوم زاوی روپ مسین استعمال کرکے نظام پر صافی قوت مسروڑ اور نظام کے زادی معیار حسر کست مسین پیدا تبدیلی کی مشرح کا تعلق حبان یا تیں گے۔
- ۲. مقسررہ محور کے گرد گھومتے استوار جم کے زادی معیار حسر کت اور ای محور کے گرد جیم کے گھسیسری جمود اور زادی رفت ارکا تعلق استعال کرمائیں گے۔
 - ۳. اگردوجهم ایک ،ی محور گھاوے گرد گھومتے ہول،ان کے کل زادی معیار حسر کت کاحباب کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• زروں پر مشتمل نظام، کازادی معیار حسر کت 🗓 انف رادی ذروں کے زادی معیار حسر کت کامحب وعب ہوگا۔

$$\vec{L} = \vec{\ell}_1 + \vec{\ell}_2 + \vec{\ell}_3 + \dots + \vec{\ell}_n = \sum_{i=1}^n \vec{\ell}_i$$

• اسس زادی معیار حسر کت کی تب دیلی کی مشرح نظام پر صافی بیسرونی قوی مسروڑ کے برابر ہو گی (جو نظام کے اندرونی ذروں اور نظام کے باہر ذروں کے باہم عمسل سے پیدا قوی مسروڑ کا سستی محب وعی ہوگا)۔

$$ec{ au}_{\dot{ ext{d}} ou} = rac{ ext{d} ec{L}}{ ext{d} t}$$
 (دروں پر مشتمی نظام)

• مقسررہ محور پر گھوٹے استوار جم کے لئے ،، محور گھساوے متوازی زاوی معیار حسر کے کاحبزو ذیل ہوگا۔

$$L = I\omega$$
 (استوارجسم، مقسرره محور)

ذرول پر مشتل نظام کازاوی معیار حسر ک

مبداکے لیے اظ سے ذروں پر مشتمل نظام کے زادی معیار حسر کسے پر غور کرتے ہیں۔ نظام کا کل زادی معیار حسر کسے آ انفٹ رادی ذروں کے زادی معیار حسر کسے آگا کا اسمتی محب وعیہ ہوگا۔

(a.ry)
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

انف رادی زاوی معیار حسر کے کوزیر نوشی i سے ظاہر کیا گیا ہے۔

دیگر ذروں کے ساتھ یانظام کے ہیسرون کے ساتھ ہاہم عمسل کی بناانعنسرادی ذرے کازادی معیار حسر کت وقت کے ساتھ تبدیل مساوات ۲۱۔۵٪ (ذیل) وقت تقسر ق معیاوم کر سے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \frac{\mathrm{d}\vec{\ell}_i}{\mathrm{d}t}$$

مساوات ۵.۲۳ سے ہم دیکھتے ہیں کہ i ویں ذرے پر مسانی توت مسروڑ $d\ell/dt$ ہو گ۔ مساوات ۵.۲۷ زیل کاسی حبا سے تھے۔

(۵.۲۸)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \vec{\tau}_{\dot{b},i}$$

یعنی، نظام کے زاوی معیار حسر کس آگی تب یلی کی مشر ن انفسرادی ذروں پر قوب مسروڑ کے سمتی محبوعہ کے بربر ہوگا۔ ان قوب مسروڑ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوب کی بربر ہوگا۔ ان قوب مسروڈ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوب کی بین) ہیں۔ تاہم، ذروں کے نجھ قوت (نیوٹن کے وصانون سوم کی بہن) جوڑیوں کے روپ مسیں ہوگی لہنذا ان کی محبوی قوب مسروڈ صف ہوگی۔ یوں، نظام کے کل زاوی معیار حسر کس آگی کو صوف نظام پر عسل ہیں۔ بہت ہوگی۔ یوں، نظام کے کل زاوی معیار حسر کس آگی کو صوف نظام پر عسل ہیں۔ بہت ہوگی ہیں۔

صافی بیرونی قوم مروڑ نظام میں تمام ذروں پر بیدونی قوت مسروڑ کاستی محبوع میں ت⁷ صافی بیدونی قوت مسروڑ کا تاہے۔ یوں مساوات ۵.۲۸ ذیل کھی حباستی ہے:

$$ec{ au}_{i,rq}$$
 (۵.۲۹) $ec{ au}_{i,rq} = rac{\mathrm{d}ec{L}}{\mathrm{d}t}$ (دروں پر مشتل نظام)

جونیوٹن کے مت انون دوم کازاوی روپ ہے۔اسس کے تحت ذیل ہوگا۔

 $\vec{\tau}$ ذروں پر مشتل نظام پر صافی ہیں۔ ونی قوت مسروڑ من $\vec{\tau}$ نظام کے کل زاوی معیار حسر کے گئی کی تبدیلی کی مشرر کے برابر ہوگی۔

مقسرره محوريراستوارجهم كازاوي معييار حسركت

ذروں پر مشتم لظام (ذروی نظام) جو ایک استوار جم دیت ہے کازاوی معیار حسر کت تلاسش کرتے ہیں۔ شکل 15a.11 سے مسین ایسا ایک جسم دکھایا گیا ہے۔ محور Σ بہاں مقسرہ محور گھماو ہے ج کے گرد جم مستقل زاوی رفتار س سے گومت ہے۔ اسس محور پر ہم جمم کازاوی معیار حسر کت حبائنا حیاہۃ ہیں۔

مبدا O کے لحاظ سے اس سمیتی ٹکڑے کے زاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}_i$ کی ت در مساوات 0.۵۰ گی:

$$\ell_i = (r_i)(p_i)(\sin 90^\circ) = (r_i)(\Delta m_i v_i)$$

جبال p_i اور v_i کمیتی نکڑے کا خطی معیار حسر کت اور خطی رفت ارب، اور \vec{r}_i اور \vec{r}_i کازاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}_i$ شکل 5b.11 مسین دکھیایا گیا ہے؛ اسس کارخ \vec{r}_i اور \vec{r}_i دونوں کو لازماً عسود دار ہوگا۔

جرو z ہم کور گھاہ کے، جو یہاں کور z ہے، متوازی $\vec{\ell}_i$ کاحبزہ حبانا حیاہے ہیں۔ حبزو z ذیل ہوگا۔

$$\ell_{iz} = \ell_i \sin \theta = (r_i \sin \theta)(\Delta m_i v_i) = r_{\perp i} \Delta m_i v_i$$

پورے جم کے زاوی معیار حسر کے کا z حسنو معساوم کرنے کے لئے جم کے تمسام سمسیق کاڑوں کے زاوی معیار حسر کے $v=\omega r_{\perp}$ کو کا محب وعب لینا ہوگا۔ چونکہ $v=\omega r_{\perp}$ ہے لینا ہوگا۔ چونکہ جو کہ جونکہ معالم کے معالم کا معالم ک

(a.r.)
$$L_z = \sum_{i=1}^n \ell_{iz} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i v_i r_{\perp i} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i (\omega r_{\perp i}) r_i$$
$$= \omega \left(\sum_{i=1}^n \Delta m_i r_{\perp i}^2 \right)$$

خطی معیار حسرکت

نیو ٹن کافتانون دوم

مت انون بقسا

	<u>'</u>		
گھمیسری	م تقر		
$ec{ au} (= ec{r} imes ec{F})$ وتــــــرور	- بر آت ب		
زاوی معیار حسورکت $ec{\ell} \ (=ec{r} imesec{p})$ ناوی معیار حسورکت $ec{L} \ (=\sum ec{\ell}_i)$	خطی معیار حسر کت		
$ec{L} (= \sum ec{\ell}_i)$ زاوی معیار حسر کت	$ec{P} (= \sum ec{p}_i)$ خطی معیار حسر کت		

 $ec{P}=Mec{v}$. If

حبد ول ۵۱۱۱: متقیم اور گھمیسری حسر کت کے مسنزید مطابقتی متغیبرات اور رہتے

یہاں س متقل (جم کے تمام نقطوں کے لئے ایک برابر) ہے اہندااسس کو محب وعہ کی عسلامت سے باہر کھا حبا سکتا ہے۔

نیوٹن کامت نون دوم $ec{F}_{\dot{d}t}=rac{\mathrm{d}ec{P}}{\mathrm{d}t}$

 $ec{P}=ec{ec{P}}$ متقل $ec{P}=ec{ec{P}}$

ماوات ۵.۳۰ میں $\sum \Delta m_i r_{\perp i}^2$ مقسررہ محور کے گرد جم کا گھیسری جود I ہے (مساوات ۳۳، ۳۳ دیکھسیں)۔ یوں مساوات ۵۳۰، ویل رویہ اختیار کرتی ہے۔

زاوی معیار حسر کت

 $L = I\omega$

 $\vec{\tau}_{i} = \frac{d\vec{L}}{dt}$

 $\vec{L} = \vec{L}$

ہم نے زیر نوشت z نہیں لکھا، تاہم آپ نے یادر کھنا ہوگا کہ مساوات a.mمسین زادی معیار حسر کت محور گھساوپر زادی معیار حسر کت ہوگا۔ زادی معیار حسر کت اسس محور z ناوی معیار حسر کت اسس محور z گھساوک کی ناظرے ہوگا۔

حبدول ۵۱، ۹، جوحبدول ۲۰ کووسعت دیت ہے،مطب بقتی خطی اور زاوی رہشتے پیشس کر تاہے۔

آزمائش ۲

فت رص، گھیں را، اور کرہ کو، لئو کی طسر ج دھ گالپیٹ کر، مقسر رہ وسطی محور پر گھیایا جباتا ہے (شکل؟؟)۔ دھ گاشینوں جسم پر ایک جتنی مستقل ممسائی قوت F لاگو کرتا ہے۔ شینوں جسم ابت دائی طور ساکن ہیں، ان کی کمیت اور دداسس ایک برابر ہیں۔ گھوٹے اجسام کی در حب بسندی (۱) وسطی محور پر زاوی معیار حسر کت اور (ب)زاوی رفت ارکے لحیاظ ہے، اعظم قیمت اول دکھ کر، کریں۔

۵.۸ زاوی معیار حسر کت کی بقب

قاصد

صحید اسس ھے کوپڑھنے کے بعید آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. کسی مخصوص محور کے ہمسراہ نظام پر ہیں رونی صافی قوت مسروڑ کی عدم موجود گی مسیں ، زاوی معیار حسر کس کی بقسا استعمال کرکے محور پر ابت دائی زاوی معیار حسر ک کے قیت کار مشتہ بعب کی قیت کے ساتھ حبان یا ئیں گے۔

كليدي تصور

• نظام پر بیسرونی صافی قوت مسروڑ صف ہونے کی صورت مسیں ، نظام کازادی معیار حسر کت آیا۔ مستقل ہوگا۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$ec{L}=ec{L}_i$$
 (جدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$ (جدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$

اسس کوزاوی معیار حسر کی بقسا کافت انون کہتے ہیں۔

زاوی معیار حسر کت کی بقسا

ہم توانائی کی بقسا اور خطی معیار حسر کر کے بھو طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کر کے بھر طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کرتے کی بقت کی بات کرتے ہیں، جو تیس راحت انون بقل ہے۔ ہم مساوات میں بھونیوٹن کے متانون دوم کا زاوی روپ ہے۔ بیسرونی مسافی قوت مسروڑ کے عسد م موجودگی مسیں سے مساوات میں بھوگا۔ $d\vec{L}/dt = 0$ مارک کے درسے افتیار کرتی ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$($$
مـتقل م $ec{L}=ec{L}$ (مـبـانظـام)

ب نتیب، جوذیل دوطسر تربھی تھے۔ ساستاہ، زاوی معیار حرکھے کی بقا کا قانون اکہا تاہے۔

$$\begin{pmatrix} \mathbf{x} & \mathbf{t}_i & \mathbf{x} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{y} & \mathbf{t}_i & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix}$$

$$(a. rr)$$
 $ec{L}_i = ec{L}_f$ (مبدانظام)

مساوات ۵٬۳۲ ورمساوات ۵٬۳۳۳ فیل کهتی ہیں۔

نظام پر صافی سیرونی قوت مسروڑ صفر ہونے کی صورت مسیں، اسس سے قطع نظر کہ نظام کے اندر کیا تتبدیلیاں رونساہوں، نظام کازاوی معیار حسر کت لَر بسترار رہے گا(ایک مستقل ہوگا)۔

lawofconservationofangularmomentum*

مساوات ۱۵.۳۲ ورمساوات ۵.۳۳ متیه مساوات بین: جو تین آلپس مسین عسود دار رخ پر زاوی معیار حسر کت کی بقسا کی تین حسنزوی مساوات دیں گی۔ نظام پر بیسرونی صافی قوت مسروڑ موجود ہونے کی صورت مسین، توت مسروڑ پر مخصسر ہوگا، آیازاوی معیار حسر کت کی بقساصر ف ایک یا دورخ ہو، تاہم، تسینوں رخ زاوی معیار حسر کت کی بقس کبھی نہیں ہوگا۔

اگر کسی محور کے ہمسراہ نظام پر صافی ہیں۔ ونی قویہ مسروڑ کاحب زوصف رہو، تب اسس سے قطع نظے رکہ نظام مسیں کسیات بدیلیاں رونسا ہوں، اسس محور کے ہمسراہ نظام کے زادی معیار حسر کسے کاحب زوتب میل نہیں ہوگا۔

یہ ایک طاقت ور فعت رہ ہے: یہاں ہم نظام کے ابت دائی اور اختامی سالت مسیں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت میں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت یرغور کرنے کی ضرورت تہیں۔

اسس مت عدے کا اطبلاق مشکل 15.11 مسیں پیش حبداجہم پر ، جو محور تے کے گرد گھومت ہے، کسیاحب سکتا ہے۔ منسر ض کریں کئی طسرح جم ، محور گھماو کے لیے اظ سے کیت کی تقسیم نو کر کے ، محور گھماو پر اپن گھمیسری جمود تبدیل کرتا ہے۔ مساوات ۳۳ ماور مساوات ۵۳۳ کہ ہتی ہیں جم کازادی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ مساوات ۵۳۳ مسیں (گھمیسری محور پرزادی معیار حسر کت کی) مساوات ۳۳ گال کریے وت نون بت کوذیل کھے جب سکتا ہے۔

 $I_i \omega_i = I_f \omega_f$

اسس مساوات مسیں زیر نوشت i اور f سمیتی تقسیم نوے قبل اور اسس کے بعب گھیسری جمود اور زاوی رفت ار ظاہر کرتے ہیں۔

باقی دو توانین بقب کی طسرح، جن پر ہم بحث کر چکے ہیں، مساوات ۱۳۳۳ اور مساوات ۵۰۳۳ نیوننی میکانیات کی حسدود کے باہر بھی عباہر بھی و گاجو روشنی کی رفتار کے قسریب رفتار پر حسر کت مسیل بول (جہاں نیوٹنی میکانیات کارآمد نہیں رہتی اور جہاں خصوصی نظسری اضافت استعال کرنا ہوگا)، اور ان کا اطبال تر بوہر ذروں پر بھی ہوگا (جہاں کوانٹم میکانیات کا راج چلتا ہے)۔ آج تک الی کوئی مشال نہیں دیکھی گئی جو زاوی معیار حسر کرتے کی بقتا کے وتانوں کو مطمئن نے کر تی ہو۔

اہے ہم تین ایمی مشالوں پر بحث کرتے ہیں جن مسیں اسس متانون کی دمنسل اندازی یائی حباتی ہے۔

ا. چکر کھاتا رضا کار مشکل 16.11 مسیں ایک طبالب عسلم سپائی پر ،جو انتصابی محور پر گھوم سکتی ہے، بیٹھ و کھسایا گیا۔ اسس کا زادی گئی ہے۔ پھیلے ہاتھوں مسیں وزن کھتا ہے طبالب عسلم کو ابت دائی زادی رفت ار سے گھسایا گیا۔ اسس کا زادی معیار حسر کے سمتی لے آئنسانی محور پر اوپر رخ ہے۔

طالب عسلم ہاتھ جم کے قت ریب کرتا ہے؛ کیت محور گھیاہ کے قت ریب کرنے سے طالب عسلم کا گھیں ری جم ہے ہوں اس کے گونے کی شرح ω_i سے بڑھ کر ہوں ہو گی۔ ہاتھ پھیلا کر (وزن دور کر کے) مطالب عسلم اپنی رفت ار دوبارہ گٹاتا ہے۔ طالب عسلم ، تبائی ، اور وزن پر مشتل نظام پر کوئی صافی ہیں رونی قوت مسلم اپنی رفت کر جمال نہیں کرتی۔ یوں ، اس سے قطع نظر کہ طالب عسلم اپنے ہاتھ کہاں رکھتا ہے ، محور گھاو پر نظام کا

زادی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہوگا۔ شکل 16a.11 مسیں طالب عسلم کازادی رفت ارسی کا گئی کم ہے اور اسس کا گھنے کی تلافی، زادی رفت ارسیس کا 16b.11 نسبتازیادہ۔ مساوات ۵.۳۴ کے تحت شکل 16b.11 مسیں I_i کے گھنے کی تلافی، زادی رفت ارسیس اضاف کرتا ہے۔

- عوطہ باز سشکل 17.11 میں کمانی دار تختے نے غوطہ باز ڈیڑھ کلابازیاں کھاتا دکھایا گیا ہے۔ جیا آپ توقع کر کے تاریخ ہیں۔ اس کا مسر کز کیت قطع مکانی راہ پر چلتا ہے۔ کمانی دار تختے نے ، کلاباز اپنے مسر کز کیت سے گزرتی محور دار ہوگا۔ پرواز پر ، غیسر مہم زادی معیار حسر کت لَ کے ستھ روانا ہوتا ہے ، جو سشکل 17.11 میں صفحہ کو عصود دار ہوگا۔ پرواز کے دوران کلاباز پر کوئی صافی ہیں۔ وئی قوت مسروڑ عسل نہیں کرتی، البندا محور گھاو پر اس کا ذاوی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ ہاتھ اور پیر جم کے وتریب کرنے پر ای محور کے لیاظ ہے ، اس کے تھمیری جود میں کی رونی ہود میں اصف ونہ پیدا ہوگا۔ سطی پائی کو بیخ کر کلاباز پر کوئی صاف اس میں اصف ونہ پیدا ہوگا۔ سطی پائی کو بیخ کر کلاباز پورے جم کو سیدھ میں کرکے تھمیسری جود براھا کر اور زاوی رفت ار گھاتا ہے ، تا کہ پائی میں داخت ہوگی ہودی پرواز کے دوران ، غوط باز کی چھینٹیں اڑائے۔ زیادہ بیچیدہ غوط۔ ، جس میں کا باز جم کوئل دیتے ہوئے کلابازیاں کھاتا ہے ، پوری پرواز کے دوران ، غوط باز کے زادی معیار حسر کے ، صدر اور رزی دونوں میں ، بقت الذما ہوگا۔
- س. المبرج چملانگ جب کھاڑی دوڑ کر کمی چھانگ کے لئے زمسین سے اچھلت ہے، افقی محور پر کھاڑی کو آ حسری و تعدم آگے رخ گھاو کا ذاوی معیار حسر کت دیت ہے۔ ایس گھاو کھاڑی کو زمسین پر چھٹے طسریقے سے اتر نے نہیں دیت۔ ذمسین پر چھٹے کر کھاڑی کی ٹائلیں اکٹی اور اسس زاویے پر آگے ہوئی حیاہے کہ ریت مسیں ایڑیوں کا نشان زیادہ سے زیادہ مسیل ایڑیوں کا نشان زیادہ سے پر بخے۔ اڑان کے بعد کوئی بیسرونی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہے لہندازاوی معیار حسر کت رکی بقت کی بدولت) تبدیل نہیں ہوگا۔ البت، کھاڑی بازووں کو حیکر دے کر زاوی معیار حسر کت کا بیشتر صب بازووں کو متقتل کرتی ہے دیات ہوگا۔
- بازیگر ایک پاون پر گھسٹرا ہو کر دوسرے ٹانگ کو جہم کے ساتھ °90 زاویے پر رکھ کر نہایت کم زادی رفت ارسے گھومت ہے؛ بین گھومت ہے (شکل 19a.11)۔ اسس کی زادی رفت اربیشکل نظر آتی ہے۔ وہ شینری سے ٹانگ نیچ کر کے اچھلت ہے؛ بین جہم اور ٹانگوں کے نیخ زاویہ θ ہوگا(شکل 19b.11)۔ عصود دار ٹانگ کازاویہ کم کرنے سے اسس کا گھسیری جود کم ہوگا۔ بندیل نہیں بازیگر کے جمم پر کوئی ہیں دونی صافی قو سے مسروڑ عمسل نہیں کرتی لہندا اسس کازادی معیار حسر کسے تبدیل نہیں ہو سکتا۔ یوں گھسیدی جمود کم ہونے کی وجب سے اسس کی زادی رفت اربڑھے گی۔ تمیاث کی کویکرم شین ٹھومت حسیران کرتا ہے۔ داپس زمین کو چہنچنے سے قبل بازیگر ٹانگ کو عصود دار کر کے زادی رفت ار دوبارہ کم کرکے زمین پر اتر تاہے۔

آزما^{کث}س2

ایک چھوٹا مت رص، جس کے چکا پر بھوزا بیٹھ ہے، انتصابی محور کے گرد گھوم رہاہے۔ اگر بھونرا مت رص کے وسط کی حبانب کلبلائے، کب بھونراو مت رص نظام کا(۱) گھمیسری جمود، (ب)زاوی معیار حسر کس، اور (ج)زاوی رفت ار (وسطی محور کے لحاظ سے) بڑھے گارگی)، گھٹے گارگی)، یاتب میل نہیں ہوگارگی)؟

نمونی سوال ۵.۵: زاوی معیار حرکھ کی بقا، گھومتے سے کا مظاہرہ

شکل 20a.11 مسیں ایک طالب عسلم سپائی پر بیٹ وکسایا گیا ہے۔ سپائی انتصابی محور پر گھوم سکتی ہے۔ طالب عسلم، جو ابت دائی طور ساکن ہے، سائیل کا پہیا پکڑے ہوئے ہے، جس کے چکاکا وزن سیہ سے بڑھایا گیا ہے۔ جو سطی محور کے لیاظ سے پیچے کا گھسیسری جو در بڑھا $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ ہے۔ وسطی محور کے لیاظ سے پیچے کا گھسیسری جو در بڑھا ہے۔ $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کے سید لگانے پیچے کا گھسیسری جو در بڑھا ہے۔ کا سید لگانے ہیں کا گھسیسری جو در بڑھا ہے۔ کا سید لگانے ہیں کا گھسیسری جو در بڑھا ہے۔ کا سید کی بھر سید کی بھر سید کی بھر سید کی بھر بڑھا ہے۔ کا سید کی بھر سید کی بھر

پہیے کازاوی رفت ار 3.9 حب کرنی سیکنڈ ہے اور فعن سے نیچے دیکھ کراسس کارخ حنلاف گھٹڑی ہے۔ پہیے کاد ھسر اانتقب ابی ہے، اور اسس کے زاوی معیار حسر کت لئی لئی کارخ انتصابی اوپر وارہے۔

کلب دی تصورات

- ا. زادی رفت ار ω_b کا، جوہم حبانت حیاہتے ہیں، تبائی کے محور گھساوپر، مسرکب جمم کے اختتا می زادی معیار حسرکت L_b
- ر. سے کی ابت دائی زاوی رفت اور سے کے وسط کے گرد، سے کے زاوی معیار حسر کت \vec{L}_w کا تعلق یکی مساوات دیتی ہے۔
 - س. \vec{L}_b اور \vec{L}_w کا کوجموعہ طالب عسلم، تپائی، اور پہیے کا کل زادی معیار حسر کت کی دیگا۔
- $\frac{1}{2}$ تبدیل $\frac{1}{2}$

 \vec{c} حمایہ: \vec{c} کی بقب ظاہر کرتے ہیں۔اسس بقب کو انتصابی محور کے ہمسے راہ احب زاء کے رویہ مسین بھی کھیا حب سکتا ہے:

$$(\textbf{a.ra}) \hspace{3cm} L_{b,f} + L_{w,f} = L_{b,i} + L_{w,i}$$

جہاں i اور f بالت رتیب (پہیا الٹ کرنے ہے قبل) ابت دائی حسال اور (پہیا الٹ کرنے کے بعبہ) انتقامی حسال ظاہر کرتی ہیں۔ پہیا الٹ کرنے ہے بہیے کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ الٹ ہوا لہنہ اہم $L_{w,f}$ کی جگ $-L_{w,i}$ والہنہ اللہ $L_{b,i}$ = 0 رابت دائی طور پر طبالب عسلم، شپائی، اور پہیے کا وسط ساکن تھے) رکھ حبائے، مساوات 8.70 یل ویگا۔

$$L_{b,f}=2L_{w,i}$$

 $L_{w,i}$ اور $L_{w,i}$ کی جگہ الب $I_{b,m}$ والب I_{b} کی جگہ میں I_{b} اور $I_{b,f}$ کی جگہ والب I_{w} والب I_{w} اور I_{w} کی جگہ الب I_{w} والب I_{w}

$$\omega_b = \frac{2I_w}{I_b} \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

$$= 2I_w \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

مثبت جواب کہتی، فصن سے دیکھتے ہوئے، شپائی کے محور پر طسالب عسلم حنلان گھسٹری گھومت ہے۔ اگر طسالب عسلم رکھنا حپ عسلم رکھنا حپ ہے، اسس کو پہیا واپس اصل حسالت مسین لانا ہو گا (لیحنی ایک مسرتب دوبارہ پہیا الٹ کرنا ہو گا)۔

نمونی سوال ۵.۱: زاوی معیار حرکت کی بقا، قرم ریر بھوزا

 ω_i کیت m اور رداسس m کے متسرص پر کمیت m کا بھوز اسوار ہے۔ متسرص انتصابی وسطی محور پر m کی بھوز انجو ابت دائی طور m m بھوز انجو ابت دائی طور m m بھوز انجو ابت دائی متسرص کے چکا پر بھت کا بیا کر متسرص کے چکا پر بھیت ہوز اکو ایک ذرہ تصور کریں۔ چکا پر بھیتی کر بھوز اکو اروی رفت ارکسیا ہوگی۔

كلييدى تصورات

(1) بھونرا کے کلبلانے سے بھونراو مسر ص نظام کی تمسیق تقسیم (البیذا گھمیسری جمود) تب دیل ہوتی ہے۔ (2) ہیسرونی توت مسروڑ کی عسد م موجود گی مسین نظام کی زادی معیار حسر کت اٹل ہو گا۔ (بھونرا کے کلبلانے کی قوتیں اور قوت مسروڑ نظام کی اندرونی ہیں۔)(3)مساوات 1س کا بات کی استوار جم کا زادی معیار حسر کت دیتی ہے۔

حماہے: ہم اختای زاوی رفتار حبانت حہاہۃ ہیں۔ہم اختای زاوی معیار حسرکت L_f کو اہتدائی زاوی معیار حسرکت L_i کے برابر رکھتے ہیں (چونکہ دونوں مسیں زاوی رفتار شامل ہے)۔ ان مسیں گھمیسری جود بھی شامل ہے۔ لہٰ خاکلہانے نے قبل اور کلہلانے کے بربجوز اوقت رص نظام کے گھمیسری جود کی تلاش سے آعن زکرتے ہیں۔

وسطی محور پر گھومتے ہت رص کا گھسیسری جود حبدول 2c.10 کے تحت $\frac{1}{2}MR^2$ ہے۔ کمیت M کی جگہ 6.00m ڈال کر متسرص کا (ذیل) گھمیسری بحود تلاسٹ کرتے ہیں۔

$$(a.rr)$$
 $I_d = 3.00mR^2$

(بمیں m اور R معلوم نہیں، کسی طبیعیات کاباتھ محتام کر حیلتے ہیں۔)

r=0.800R سے اور سے میں کہ جوز اکا (ذرے کا) تھمیے ری جود mr^2 ہوگا۔ جوز اکا ابت دائی رداسس r=0.800R اور اختتا می رداسس r=0 ڈال کر محور تھماویر بھوز راکا ابت دائی تھمیے ری جود زاکا ا

$$I_{bi} = 0.64mR^2$$

اور اختیامی گھمیےری جمود I_{bf} حساس کرتے ہیں۔

$$I_{bf} = mR^2$$

يوں بھونراو I_i ويل بھونراو وت رص نظام كاابت دائى گھىي رى جمود I_i ذيل:

$$(\text{a.rq}) \hspace{3cm} I_i = I_d + I_{bi} = 3.64 mR^2$$

اوراختامی گھیےری جمود ۱ زیل ہوگا۔

$$I_f = I_d + I_{bf} = 4.00 mR^2$$

 L_f استعال کرتے ہوئے ہم نظام کے اختتا می زادی معیار مسرکت $(L=I\omega)$ معیار سرکت L_f کو نظام کے ابت دائی زاوی معیار حسر کے L_i کے برابر رکھتے ہیں۔

$$I_f \omega_f = I_i \omega_i$$

آپ دیکھ سکتے ہیں، چکا کی طسر نہ بھوزا کے کلبلانے سے کچھ کمیت محور تھمیاو سے دور منتقبل ہوتی ہے ، المہذا نظام کا گھے ری جمود بڑھتاہے، جو س گھٹنے کاسے بنتا ہے۔

۵.۹ مکن حیرخی کی استقبالی حسرک

م**قاصد** اسس ھے کو پڑھ کر آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ حپکر کھاتے ممکن پرخی کر تحباذ بی قوت ممسل کرے اس کے حبکری زاوی معیار حسر کت سمتیہ کو (البذامسکن حپیرخی کو)انتصابی محور کے گرد گھماتی ہے۔اسس گھومتی حسرکت کواستقبالی حسرکت کہتے
 - ۲. مکن حییر خی کی استقال حسر کت شیرج تلاسش کرمائیں گے۔
 - ٣. حيان مائيں گے كه استقالي حسر كت مشيرح يرمسكن حيير في كي كميت كاكو كي اثر نہيں۔

كليدي تصور

• پکر کھاتی مکن سپر فی کے تیک ہے گزرتی انتصابی محور کے گرد مکن سپر فی ذیل مشرح سے استقبالی حسرکت کرسکتی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

جہاں M مسکن جبر فی کی کمیت، γ معیار اثر کابازہ، I گھمیسر کی جمود، اور ω شرح جبرہے۔

gyroscope²

مسكن حبيرخي كي استقبالي حسيركت

و ھے رہے پر نسب پہپ جو د ھے رہے پر حپکر کائے سکتا ہو ، سادہ مسکن حپر خی دیگا۔اگر ساکن مسکن حپر خی کے دھے رہے و د ھے رہے کا ایک سر تیک پرر کھ کر (شکل 22a.11)مسکن حپر خی چوڑی حبائے، وہ د ھے رہے نحیلے سر پر گھوم کر نینچے گرے گی۔ چونکہ گرنے مسیں گھوماٹ امسل ہے، اسس پر نیوٹن کامت انون دوم لاگو ہوگا، جو (ذیل) مساوات ۲۹۔۵ دی ہے۔

$$\vec{\tau} = \frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t}$$

یہ مساوات کہتی ہے کہ نظیب وار گھماو (مسکن حب رخی گرنے کاعمسل) پیدا کرنے والی قوت مسروڑ مسکن حب رخی کے زاوی معیار حسر کرنے کے مسرکز کیت پر، جس کے زاوی معیار حسر کرنے میں ، عمسل پیسے را تحب ذبی قوت کھ کامسرکز آت پیدا کرتی ہے۔ تیک کے سرکر جم پہیے کامسرکز تسلیم کرتے ہیں، عمسل پیسے را تحب ذبی قوت مسروڑ تی ہے۔ قوت مسروڑ تی کی تعدد ذبل:

$$\tau = Mgr\sin 90^{\circ} = Mgr$$

اوررخ شکل 22a.11مسیں د کھایا گیا ہے۔ (Mg اور تر کے جزاوی 90° ہے۔)

تیبز حپکر کھاتی مسکن حپ رخی کاروی مختلف ہو گا۔ وضرض کریں دھسراافق ہے اوپر دار زاویے پر رکھ کر مسکن حپ رخی رہا کی حب تی ہوئے۔ ابت دامسیں مسکن حپ رخی معمولی نیچے (گرتے ہوئے) گھومتی ہے، لیسکن اسس کے بعید دھسرے پر حپکر کا منتے ہوئے، نقطہ تیک 0 سے گزرتی انتصابی محورکے گر دافق گھومن سشروع کرتی ہے، جواستقبال حرکھے ^ کہلا تاہے۔

ممکن پرخی گرقی کیول نمیلی؟ حیکرناکاٹے ہوئے مسکن حیدر ٹی کی طسرح حیکر کاٹی مسکن حیدر ٹی نیچے کیوں نہیں گرتی؟ رہا کرنے پرمسکن حیبر ٹی گرناٹ روغ کرتی ہے، تاہم Mg کی پیدا کر دہ قوت مسروڑ ابت دائی زادی معیار حسر کت کوصف ر قیمت سے تبدیل نہیں کرتی، بلکہ حیکر سے پیدا غیب رصف رقیمت سے تبدیل کرتی ہے۔

سے مستجھنے کے لئے کہ ابتدائی غیبہ صنب زاوی معیار حسرکت کیے مسکن حیبہ فی کو استقبالی حسرکت پر محببور کرتا ہو گا۔ ہمیں حیکر سے پیدامسکن حیبہ فی کے زاوی معیار حسرکت کے پر غور کرنا ہو گا۔ صورت حسال آسان بنانے کی حناطسر، ہم صنبرض کرتے ہیں کہ لیا کے لیاظ سے استقبال حسرکت سے پیدازاوی معیار حسرکت و تابل نظسر انداز ہے۔ ساتھ ہی، جی سنسکل aa.22b مسیں دکھایا گیا ہے، ہم صنبرض کرتے ہیں کہ جس کمچے استقبال حسرکت مشروع ہوتی ہے، دھسراافتی ہے۔ مساوات ۱۳۱ مے لیے کی وقت رکھتے ہیں:

$$(a, rr)$$
 $L = I\omega$

جہاں دھسرے کے لحیاظ ہے I مسکن حمیسر ٹی کا تھمیسر کی جمود اور دھسرے پر حمیکر کاٹنے کی بہتے کی زاوی رفت اد U ہے۔ جمیس میں دکھسایا گیا ہے ہمتیں دار ہوگا۔

precession[^]

مساوات 0 میں جے، وقتی وقف dt مسیں قوت مسروڑ $^{+}$ مسکن حیسر خی کے زاوی معیار حسر کت کی قیت مسین (ذیل) معمولی تبدیل d کی پیدا کرتی ہے۔

$$(\mathbf{a}.\mathbf{rr}) \qquad \qquad \mathbf{d}\vec{L} = \vec{\tau}\,\mathbf{d}t$$

 \vec{L} تاہم، تبیز حپر کائی مسکن حپ رخی کے لئے، \vec{L} کی ت در مساوات 3.49 کے تحت اٹل ہے۔ یوں قوت مسروڑ صرف کارخ تب دل کر سکتا ہے، ناکہ اسس کی ت در۔

مساوات 0.00 گنت 1 کارخ 1 کو عسود دار ہوگا۔ زادی معیار حسرت کی تبدیل کے بغیبر، 1 کارخ 1 کارخ 1 کارخ 1 کارخ 1 کو عسود دار ہوگا۔ زادی معیار حسرت کی تبدیل کرنے کا واحد طسرایت، جیب مشکل 22c.11 مسین د کھیایا گیاہے، محور 1 کارخ 1 کارخ راز کی راز پر جلت ہے، اور 1 کی قسر راز می راز کی راز پر جلت ہے، اور 1 کی مسین آسس راز ہوگا، دھسرے کو محور 1 کی گرد 1 کارخ گومت ہوگا۔ یوں استقبالی حسرت پیدا ہوگا، دھسرے کو محور 1 کی رد 1 کی دران حیکر کا ٹی مسکن حیبر ٹی کو نیوٹن کے متانون دوم (ک گی۔ ابت دائی زادی معیار حسر ک میں تبدیلی کے در عسل کے دوران حیکر کا ٹی مسکن حیبر ٹی کو نیوٹن کے متانون دوم (ک زادی رویس) پر یورا اترنا ہوگا؛ یوں گرنے کے بحب کے اس کو استقبالی حسر ک کی بوگی۔

استقبال حرکھے۔ ہم ساوات ۱۵٬۴۲ اور ساوات ۱۵٬۴۲ ستعال کرکے $dec{L}$ کی ت در تلاث کرکے:

$$dL = \tau dt = Mgr dt$$

استقبالی ترکت کی شرح ۹ Ω تلاش کرسے ہیں۔ باریک وقت وقف dt میں معمولی تبدیلی رونس ہوگی، دوسرا اور L کور z کے گرداستقبال حسر کت کرتے ہوئے چھوٹے زاویہ $d\phi$ سے گزرتے ہیں۔ (شکل 220.11 میں زاویہ $d\phi$ بڑھا حسر گرمان ہیش کیا گیا ہے، تاکہ اسس کی وضاحت ہو۔) مساوات $d\phi$ برمان ہوگا۔ $d\phi$ کی مددے $d\phi$ وزیل حسام ہوگا۔

$$d\phi = \frac{dL}{L} = \frac{Mgr \ dt}{I\omega}$$

دونوں اطسرانے dtے تقسیم کرکے شرح $\Omega=\mathrm{d}\phi/\mathrm{d}t$ رکھ کرذیل میں سال ہوگا۔

(۵.۲۲)
$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega} \qquad (2 شرک ک نشری)$$

مساوات ۲۶.۵۷ اطلاق اسس حپکر کاٹے مسکن حسر فی پر بھی ہو گا جس کا دھسرا افق کے ساتھ زاویے پر ہو۔ اسس کا اطلاق حپکر کاٹے الٹویر بھی ہوگا، چونکہ لٹودر حقیقت افق کے ساتھ زاویے پر مسکن حسر فی ہی ہے۔

precessionrate9

نظب رثانی اور حنـلاصب

لوهكتے اجمام رداس R كاپہياجو بموارى سے لاهكت بوكے لئے ذيل بوگا:

$$v = \omega R$$

جہاں پہیے کے مسر کز کمیت کی خطی رفت ار _{سر کز کمیت} ت اور وسط کے گر دیپیے کی زادی رفت ار س ہے۔ پہیے کو "سٹر ک "کے نقطہ P کے، جہاں پہیا سٹر کرے ہم تماسس مسیں ہے، گر دلحی آتی گھومت تصور کسیا حبا سکتا ہے۔اسس نقط پر پہیے کی زاد کی رفت ار پہیے کے وسط پر پہیے کی زادی رفت ارکے برابر ہوگی۔ لڑھکاتے پہیے کی حسر کی توانائی ذیل ہے:

ا گر پہیازاویہ θ میلان سے ہموار نیچے لڑھکنی ہو،میلان کے اوپر وار ہمسراہ محور x پر اسس کا اسسراع ذیل ہوگا۔

ق مروڑ لبطور سمتیں تین ابساد مسیں، آت ایک سمتیہ ہوگاجو کسی مقسررہ نقط (جوعسوماً مبداہوگا) کے لیاظ سے معسین ہوگا؛ اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$ec{ au} = ec{r} imes ec{F}$$

جباں ذرے پرلاگوقوت $ec{F}$ اور کسی اٹل نقطہ کے لیے اظے ذرے کامعتام تقسین گرسمتیہ $ec{r}$ دیتا ہے۔ $ec{ au}$ کی ت در ذیل ہے:

(2.14. 21.6)
$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

جباں \vec{F} اور \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو عصود دار \vec{F} کا حبزو F_{\perp} ہے، اور \vec{F} کا معیار اثر کا بازو r_{\perp} ہے۔ دائیں ہاتھ کا صاحب ہ \vec{r} کا رخ دیگا۔

(a.in)
$$\vec{\ell} = \vec{r} imes \vec{p} = m(\vec{r} imes \vec{v})$$

 $\frac{1}{\ell}$ کی و ت در ذیل دیتی ہیں:

$$(\mathfrak{d}.\mathfrak{19}) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

$$(a.r\bullet) \qquad \qquad \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$(\mathbf{a.ri}) \qquad \qquad \ell = r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جباں \vec{r} اور \vec{p} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو عصود دار \vec{p} اور \vec{v} کے حبزو p_{\perp} اور p_{\perp} بیں، اور اٹل نقطے کا مبوط \vec{p} عصود دار ون اصلہ p_{\perp} ہے۔ دایاں ہاتھ وت اعبدہ \vec{b} کارخ دیگا۔

نيو شخ ك قانول دوم كازاوى روپ در ك ك لئينوش كانت نون دوم زادى روپ مسين ذيل كاف حب سكتاب:

(a.rr)
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جہاں ذرے پر صافی قوت مسروڑ au_{ij} اور ذرے کازاوی معیار حسر کت $ilde{b}$ ہے۔

فروں پر مثنگی نظام کا زاوی معیار حرکھ زروں پر مشتل نظام کا زادی معیار حسر کے آذروں کے انفسرادی زادی معیار \vec{L} کا تمتہ محب وعیہ ہوگا۔

(a.ry)
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

اسس زاوی معیار حسر کت کا وقت تنسر ق نظام پر صافی ہیں رونی قوت مسروڑ (نظام سے باہر ذروں کے ساتھ باہم عمسل سے پیدا توت مسروڑ کے سعتی مجسوعہ) کے برابر ہوگا۔

(۵.۲۹)
$$au_{ij} = rac{dec{L}}{dt}$$
 (زروں پر مشتمل نظب م

استوار جهم کا زاوی معیار حرکت مقسره محور پر گلوت ہوئے استوار جهم کا، محور گلمساو کو متوازی، زاوی معیار حسر کت کاحب زو ذیل ہوگا۔

(a.m)
$$L = I\omega \qquad (50, -1)$$

زاوی معیار حرکھے کی بقا نظام پر صافی ہیں دونی قوت مسروڑ صنسر ہونے کی صورت مسیں نظام کازاوی معیار حسر سرت آیا گی ہوگا۔

$$(2.mr)$$
 متقل $\vec{L} = \vec{L}$ (بدانظام)

$$($$
ه.rr $)$ $ec{L}_i = ec{L}_f$ (مبدانظام)

ب زاوی معیار حرکھ کھے بقا کا قانون ہے۔

مکن پرخی کی استقبال حرکت حیکر کائی مسکن حیر خی تیک ہے گزرتی انتصابی محور پر ذیل شدرے استقبال حسرکت کرستی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

M مسکن چرخی کی کمیت، γ معیاراژ کابازو، I گھمیسر کی جمود،اور ω چکر کاٹنے کی شرح ہے۔

سوالا ____

سوال ۱.۵: ایک کمیت اور ایک مستقل رفت ار پر چلتے ہوئے تین ذروں کے سمتی رفت ارسمتیات شکل 23.11 مسیں دکھائے گئے ہیں۔ نقساط 6 ، 0 ، اور 4 چوکور کی راسس پر جبکہ اسس کے مسر کز پر ہے۔ ان نقطوں کی در حب سندی، اعظم میں۔ اول رکھ کر، نقط پر تین ذروی نقل م کے صافی زادی معیار حسر کرت کے لحاظ سے کریں۔

سوال ۵.۲: ذرہ A اور ذرہ B کا xyz کو مصدد $(1 \, m, 0, 1 \, m)$ اور $(1 \, m, 0, 1 \, m)$ ہے (شکل 24.11) ہیں ایک فررے پر تین گسنتی دار قوت مسل کرتی ہیں، جن کی تدر ایک برابر اور رخ ایک ایک محمد دی محور کے رخ ہے۔ (۱) کون می قوت مسدوڑ کی قت در قوت مسروڑ کی قت در کے لین طرح ور بن کے متوازی قوت مسروڑ کی قت در کے لین طرح تو توں کی در جب بندی، اعظم قیت اول رکھ کر، کریں۔

سوال \vec{F}_3 فوری دار لٹو کا دھاگہ (۱) تو ہے \vec{F}_2 ہے (جس کا خط عمسل میں زیر نقطہ تماس ہے گزر تا ہے)، (ب) تو ہے \vec{F}_3 (جس کا خط عمسل نقطہ تماس ہے بلٹ دی پر گزر تا ہے)، اور (جن) قوسہ \vec{F}_3 (جس کا خط عمسل نقطہ تماسس ہے دائیں گزر تا ہے) ہے کھینی حباتا ہے۔ ابت دائی طور ساکن ڈوری دار لٹوکو کیا ہوگا؟

سوال 3. نکی مقسررہ نقطہ کے لحیاظ سے ذرے کے تعسین گرسمتیہ \vec{r} کی متدر 3 سارہ نقطہ کے لحیاظ سے ذرے کے تعسین گرسمتیہ \vec{r} کی متدر \vec{r} اور \vec{r} کے رن کے گزاویہ کسیاہوگا؟ 4 N ہے۔اگروابستہ قوت مسروڑ کی متدر(ا) صف راور (ب) 12 N m ور \vec{r} اور \vec{r} کے رن کے گزاویہ کسیاہوگا؟

موال ۵.۵: مبدا پررکھے ذربے پر ایک وت درکی تین قوت عمل کرتے ہیں (شکل 26.11)۔ \vec{F}_1 سیدھ صفح کے اندر رخ عمس کرتے ہیں (شکل 26.11)، P_2 ، اور (ج) نقط ہے P_3 ، اور (ج) نقط ہے جہدا قوت مسروڑ کے لحاظ سے کریں۔

موال ۵.۸: متطیل سل جو وسطی نقط 0 سے گزرتی انتصابی محور کے گرد گھوم سکتی ہے کا فصن کی نظارہ شکل 27.11 میں جسن حباتا میں پیش ہے۔ سامیں دھنس حباتا ہے، جو سل مسین دھنس حباتا ہے۔ چوسروں کی کمیت ایک حبیب اور رفت ارایک برابر ہے۔ (۱) مت امات کی در حب ببندی، اعظم قیمت اول رکھ کر، چھسروں کی کمیت ایک جیسے ہوئے کن راہ کے لئے سل کر، چھسروا گئے کے بعد سل (اور چھسروا) کی زاوی رفت ارکے لئے سل (اور چھسرا) کی روزوی معیار حسر کے منفی ہوگی؟

سوال 9.3: سشکل 28.11 مسیں پہیے کے زاوی معیار حسر کس کی متدر کے بالقابل وقت t پیش ہے۔ حیار حسروت دار وقت ق دورانیوں کی در حب سندی پہیے پر عمسل پسیرا قوت مسروڑ کی متدر کے لحاظ سے کریں۔ اعظم قیت اول رکھیں۔

موال ۱۰.۵: مستقل سمتی رفت از تن پر چلت ابوا ذره اور پاخی نقطی بمن xy میدد مشکل 29.11مسین د کھائے گئے ہیں۔ نقط پر ذرے کے زادی معیار حسر کت کی تندر کے لیاظ سے نقطوں کی در حب بسندی کریں۔ اعظم قیمت اول رکھیں۔

سوال ۱۱.۵: توپ کا گولا اور تنجاب کن حسالت ہے مسلمان پر نشیب وار لڑھکتے ہیں۔ کسیا توپ کے گولے کا کنچے ہے (۱) زمسین تک چینج کا دورانیہ اور (ب) زمسین پر پہنچ کر خطی حسر کی تو انائی زیادہ ہو گی، کم ہو گی، یا دونوں بر ابر ہیں؟

سوال ۱۲.۵: پیتل کے ٹھوسس ہیان اور لکڑی کے ٹھوسس ہیان کی کیت اور رداسس ایک ہیں (لکڑی کا ہیان زیادہ لمب ہے)۔ ایک ساتھ رہائی کے بعید دونوں میان پر لا ھکتے اترتے ہیں۔ (ا) کون ہیاں نر مسین پر پہلے بہنچے گا، یاکسی دونوں ایک ساتھ بہنچتے ہیں؟ (ب) ککڑی کے ہیان کا سسر کا اسر کا اس کر ہیاں کو پیتل کے ہیان بھتا ہیں اور پیتل کے ہیان کا کسسر کا اس کر ہیاں کی کیور مسیں سوراخ کر کے کمیت گانا کر دونوں ہیان کی کمیت برابر کی حباتی ہے۔ اب کون ہیان معتا بلے مسیں برزی حساس کر تاہے، یادونوں معتا بلے مسیں برزی حساس کر تاہے، یادونوں معتا بلے مسیں برابر ثابت ہوتے ہیں؟

سوالا ____

متقم حسرك اور گھاومل كرلڑھكاو ديتے ہيں

سوال ا.۵: ایک گاڑی kmh^{-1} 80 km h^{-1} 0 رفت از سے اس کے پہنے دن جہاں ہی ہے۔ اس کے پہنے دور کا گاڑی مسیں سوار شخص کے لحیاظ ہے ، اکائی سمتیہ ترقیم مسیں ، پہنے کے (۱) وسط، (ب) بالا سر، اور (و) مخیلے سر کے اسراع کی وقت در a کسیا ہوگی ؛ سر کے اسراع کی وقت در a کسیا ہوگی ؛ سر کے کسنارے شخص کے لحیاظ ہے ، اکائی سمتیہ ترقیم مسیں ، پہنے کے (ز) وسط، (ز) بالا سر، اور (ط) مخیلے سر کی مستی ترقیم مسین ، پہنے کے (ز) وسط، (ز) بالا سر، اور (ط) مخیلے سر کی مسین ، پہنے کے (ز) وسط، (ز) بالا سر، اور (ط) مخیلے سر کی مستون دفت ان تی کہ سوراع کی وقت در a کسیا ہوگی ؟

-(1) حوال -(1) عوال -(1) عن میں ہے۔ (1) عوال -(1) عن میں ہے۔ (1) عوال -(1) عوال -(1) عاد ہے کہ دوسرے کے لیے افرادی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) پہنے کے دوسرے کے لیے افرادی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) پہنے کے دوران گاڑی کتن این اسل مطے کرتی ہے؟ حباتی ہوگا؟ (خ) رکنے کے دوران گاڑی کتن این اسل مطے کرتی ہے؟

لڑھکاو کی قوتیں اور حسر کی توانائی

سوال 3.0 افتی زمسین پر $140 \, \mathrm{kg}$ کا گھیسر الزھکت ہے۔ گھیسرے کا مسر کز کمیست $0.150 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ رفت ارت کے سے کت کا کا مسرانح ہام کرنا ہوگا؟

سوال ۴.۵: شخوسس یکساں کرہ میلان پر لڑھکسا اتر تا ہے۔(۱) کرہ کے مسر کز کمیسے کے زادی اسسراع کی متدر 90.10 ہونے کے لئے زاوی میسلان کمیسا اسس کے اسسراع کی متدر ہوئے، کمیسا اسس کے اسسراع کی متدر زیادہ ہوگی، یاوبی ہوگی؛ کیوں؟

سوال ۵.۵: ایک گاڑی، جس کی کمیت 1000 kg ہے، کا پہیا 10 kg ہے۔ جیلتی گاڑی کے کل حسر کی توانائی کا کتت حس (حیار) پہسیوں کے دھسرے پر گھساو کی بدولت ہو گا؟ پہیے کو یکساں مسترص تصور کریں۔ آپ کو پہیے کا رداسس حسنے کی ضرورت کیوں در پیش نہیں؟

v سوال ۵.۲: سشکل 30.11 مسیل، 30° مسیلان پر v مسیل مسیل مسیل وقت v مسیل وقت v مسیل مسیل وقت و مسیل مسیل وقت و v مسیل مسیل وقت و مسیل و مسی

 $\theta = 2.5$ سوال 2.2: شوس بیلن، جس کارداس $10 \, \mathrm{cm}$ اور کیب $12 \, \mathrm{kg}$ بن کن حیالت نے آغن زکر کے $0.5 \, \mathrm{cm}$ کا 30.11 کی چھت کے $0.5 \, \mathrm{cm}$ کی چھت پر کھنے کرتا ہے $0.5 \, \mathrm{cm}$ باخدی پر ہے۔ $0.5 \, \mathrm{cm}$ کرتا ہے طولی توریر بسیان کازاوی رفت ارکیے ہوگا؟ (ب) چھت کا کن اروز مسین نے $0.5 \, \mathrm{cm}$ باخدی پر ہے۔ چھت کے کن ارب سے بسیان کتنے افتی ون اصلے پر استواز مسین پر گرتا ہے؟

 $h=2.0\,\mathrm{m}$ بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا $H=6.0\,\mathrm{m}$ بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا $H=2.0\,\mathrm{m}$ اونچے افتی کنارے ہے گرتا ہے (شکل 33.11)۔ نقل ہے کہ ہے کتنے افتی ون صلے پر گیند ذمسین پر گرے گا؟

سوال ۱۰.۵: ایک کھوکھ لاکرہ جس کا رداسس سا 0.15 اور مسرکز کمیت ہے گزرتی محور پر گھمیسری جمود است مان میں میں است کا رداسس سال پر ہموار لڑھک کر اوپر وار حسرکت کر تاہے۔ ابت دائی نقطہ پر کرہ کی کل حسر کی توانائی کے ابت دائی نقطہ پر کرہ کے مسرک توانائی کے کتنا جسرگی توانائی کے بہت راہ اوپر وار سال 1.0 مناصلہ طے کرنے کے پر کرہ کے مسرکز کمیت کی رفت ارکیا ہیں؟ بعد ، اسسکی (ج) کل حسرکی توانائی اور (د) مسرکز کمیت کی رفت ارکیا ہیں؟

سوال ۱۱.۵: رداسس $0.30 \, \text{m}$ اور کیت $10 \, \text{kg}$ پیے پر $10 \, \text{N}$ و تدر کی مستقل افتی توت \vec{F}_{g} لاگو کی حباتی ہے (مشکل 34.11)۔ پہیا افتی سطح پر ہموار لڑھکتا ہے، اور اسس کے مسر کز کیت کے اسسراع کی متدر 34.11 ور اسس

(۱) اکائی سمتیہ ترقیم مسیں پہیے پر رگڑی قوت کیا ہے؟ (ب) مسر کز کیت ہے گزرتی مسر کز گھماہ پر پہیے کا گھمیسری جود کسیاہے؟

حوال ۱۵.۱۲: پیستال کا ٹھوسس گیند، جس کی کییہ $0.280 \, \mathrm{kg}$ ہے، گھیر در گھیر راہ کے سیدھے تھے پر ہاکرنے ہو $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور ہاکر نے ہم راہ کے ہمسراہ ہموار گڑھک سکتا ہے (شکل 35.11) درائری گھیر کارداسس $R = 14.0 \, \mathrm{cm}$ ہماراز پر بھنج کر گیند راہ سے علیحہ دہ ہونے کے دہانے پر ہو، h کیا ہوگی؟ (ب) اگر گیند R کیا کہ گئی کر گیند پر تو ہے کی (ب) تستدر اور (ج) کی کہ باہو گی؟ کہ گیند کی تو ہے کی (ب) تستدر اور (ج) کی کہ باہو گی؟ کہ گیند کے دہائے کہ کہ باکستان کو گئی کہ گیند کی تھے۔ کی (ب) کا کہ باکستان کے دہائے کہ کہ باکستان کی کہ باکستان کے دہائے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کو کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کر کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے ک

سوال ۱۳ ان عنی ریک گیند ، جس کارداس R اور کمیت M ہے ، ساکن حسالت سے میلان پر جو الرقع کے دائری گھیر پنجت ہے (شکل 36.11 کی ابت دائی بلندی h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان کو تاریخ کو گلیت دیر عصوری توت کی و تدر h=0.36 سے میلان کو افراد نوی کر دارونی کر دارجو یک اور کر کوئی خول (جو یک ان کو افراد کے مادے سے بنا ہے) کے اور کر وی خول (جو یک ان کافت کے مادے سے بنا ہے کے اور کر وی خول (جو کی دوسر سے یک ان گافت کے مادے سے بنا ہے کہ جو گاہ ہوئی کا گلیت کے اور کر وی کوئی کا گلیت کے گلیت کے مادے سے بنا ہے گئیت کے گئیت کا گئیت کے گئیت کوئیت کوئیت کی گئیت کے گئیت کوئیت کی کئیت کے گئیت کوئیت کوئیت کے گئیت کوئیت کوئ

سوال 10.00: رداس $R=11\,\mathrm{cm}$ کا گیند افتی راه پر روانا کیاحباتا ہے (شکل 38.11)۔ گیند ابتد انگر رفت ار $R=11\,\mathrm{cm}$ کی سند ابتد انگر رفت ار $R=10\,\mathrm{cm}$ کے ساتھ راہ پر گھٹت ہے اور اس کی ابتد انگر زاوی رفت اور $R=10\,\mathrm{cm}$ کی ہے۔ گیند اور راہ کے فیج حسر کی رگڑ کا متقل 20.21 ہے۔ حسر کی رگڑی قوت پہلے گیند پر عمس پیر اہو کر گیند کو خطی معرع کرتی ہے۔ اور اس تھی ہی قوت مسروڑ پیدا کرتی ہے ، جو گیند کو زاوی معرع کرتی ہے۔ فطی رفت ار میر زئی سے کا فی گھٹے اور زاوی رفت ار میر زئی ہے۔ فطی رفت ار میر زئی سے کی مورت مسیل کا فی بڑھنے کے بعد گیند گھٹنا بند کرتا ہے اور ہموار لڑھکنا شروع کرتا ہے۔ (ا) اس لمحے پر کس کی صورت مسیل میر زئی ہے۔ وردان گیند کا (ب) گیند کتنی ویر کا ہے اور انگر کی سام کے گیند ہموار لڑھکنا شروع کرتا ہے اس لمحے میر زئی ہے۔ تا ہے اس لمحے میر زئی گیند ہموار لڑھکنا شروع کرتا ہے اس لمحے میر زئی ہوگا ؟

سوال ۱۱. ۵: غیبر یکس بسیلی جم شکل 39.11 میں کمیت M اور رداسس R کا بسیلی جم بموار لڑھک کر میلان سوال ۱۹. ۵: غیبر پہنچت ہے۔ یہس سے وولڑھک کر، کسنارے سے M=0.506 m افق صلے پر زمسین پر گر تا ہے۔ جم کی ابت دائی بلندی H=0.90 m اور میلان کا کسنارہ h=0.10 m بلند ہے۔ اندرونی بسیلن (جو یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) پر بسید وفی بسیلن خول (جو مختلف یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) چہر جساکر جم بہنا یک گائیست کے مادے سے بہنا ہے) کہ جود عسوی کلیہ M=0.50 اور میسان کی قیمت M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی صورت مسین M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی قیمت M=0.50 بسیل (یکسال بسیلن کی قیمت کی قیمت کی قیمت کی تو کسیل کی قیمت کی تو کسیل کرنے کی کا کسیل کی قیمت کی کا کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کرنے کی کسیل کرنے کی کا کسیل کی تو کسیل کرنے کی کا کسیل کی کسیل کرنے کی کسیل کی کسیل کی تو کسیل کی کسیل کی کسیل کرنے کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کرنے کی کسیل کی کسیل کرنے کے کسیل کے کسیل کی کسیل کرنے کے کسیل کے کسیل کے کسیل کرنے کی کسیل کرنے کی کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کی کسیل کے کس

ڈوری دارلٹو

سوال ۱۵.۵: ڈوری دار لئو کا گھسیسری جمود 980 g cm² اور کمیس بے دھسرے کارداسس 3.2 mm کے دھسرے کارداسس 3.2 mm اور ڈورکی لمب بی تک 120 g ہے۔ آس کے دھسرے کارداسس 120 cm کے اور ڈورکی لمب بی 120 cm کی 120 cm کی اسسے خطی اسسراع کی ویٹر کسیا ہوگی؟ (ب) ڈورکے آحنسری سسر تک لئو کتنی دیر مسین پنچت ہے؟ (ج) ڈورکے آحنسری سسر کو توانائی، (د) خطی افساری خطی دفت ارکب ہیں؟

قو___ مسروڑ پر نظسر ثانی

سوال ۱۹.۵: قوت $\vec{F}_1 = (3.0\,\mathrm{N})\hat{k} = 0$ اور $\vec{F}_2 = (-2.0\,\mathrm{N})\hat{j}$ ایک پسو پر عمسال کرتی میں بیری ہور $\vec{F}_1 = 0$ ایک سمتیہ ترقیم مسیں $\vec{F}_2 = 0$ مصدور اکائی سمتیہ ترقیم مسیں کی بیری ہوگی؟

 $F_{x}=(1)$ برواقع ہے، عمس پیسر اقوت کاواحد حب زو ($-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$) برواقع ہے، عمس پیسر اقوت کاواحد حب زو ($-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$) جہ دائے کہ نامے اکائی سمتیہ $F_{z}=-6.0\,\mathrm{N}$ (و) $F_{z}=6.0\,\mathrm{N}$ جہ میں نامشیاتی پر قوت مسروڑ کے ہوگی؟

 $F_{1x}=0$ بوال ۲۰۱۰ نیست زرے پر بھو $(0,-4.0\,\mathrm{m},3.0\,\mathrm{m})$ پر واقع ہے، ذیل تو سے مسل کرتی ہے: (۱) جہاں نواز جہاں ہے: $F_{1x}=0$ نواز ہے۔ $F_{2z}=4.0\,\mathrm{N}$ ، $F_{2y}=0$ ، $F_{2x}=0$ جہا کائی ہے: $F_{1y}=F_{1z}=0$ ہے۔ اکائی سمتہ ترقیم سین، مبدا کے لیے ظرے ذرے پر میں فی قوت سے در گرکے ہوگی جہاں ہے۔ ان کی ان میں مبدا کے لیے ظرے ذرے پر میں فی قوت سے در گرکے ہوگی جہاں ہوگی ج

 $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ سوال $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ نورے پر بہو تو تو تعمیل کرتی ہے۔ جب مبدا کے $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ نورے کر تا ہے بہ قوت مسیل کرتی ہے۔ جب مبدا کے لیے نامعتام $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ نورے کا معتام کا معتام کا معتام کا معتام کا معتام کے نامعتام کی نامعتام کا معتام کی نامعتام کی نامعتام کی نامعتام کرتے ہے۔ نامعتام کرتے ہے۔ جب نو میں کا معتام کرتے ہے۔ جب نو میں کرتے ہے۔ جب نور کر

 $\vec{F} = 7$ برقوت $\vec{r} = (0.50 \, \mathrm{m})\hat{j} - (2.0 \, \mathrm{m})\hat{k}$ وال $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت برقوت برقوت برقوت مسرور (۱) مسل کرتی ہے۔ اکائی سمتیر ترقیم مسین (۱) مبدااور (ب) نقط (2.0 \, m, 0, -3.0 \, m) کی اظ ہے پھے میں وقت مسرور کس ہوگی؟

 $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j}$ عوال ۵.۲۵: $\vec{r} = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j}$ عرب کا تعتین گرسمتی $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j}$ عمتین گرسمتین گرسمتین زرے پر مبدا کے لیے ظربے قوت مسروڑ کسیا ہو گی،اور (ب) تم اور $\vec{f} = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{M})\hat{j}$ اور $\vec{f} = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{M})\hat{j}$

زاوی معیار حسر ک<u>ت</u>

وال ۲۹ میں گرسمتی ہو گھائے لیمے پر ذرہ P ، جس کی کیت P میں گرسمتی ہو جس کی کہت ہو جس کی کہت ہو تہ ہم جس کی عمل ہوں۔ $\theta_2 = 30$ ہوں گرسمتی ہو گھائے ہوں گرسمتی ہوں گرسمتی ہوں گرسمتی ہوں گرسمتی ہوں گل اور زاوی ہو گھا ہے۔ تو ہے جس کی صدر اور زاوی میں میں گرسمت ہوں گئی ہے۔ تو ہے جس کی صدر اور (ب) رخ کہ اور کا کی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے گھائے ہوں۔ مبدا کے لی طامے P کے زاوی معیار حسر کے گھائے ہوں کی صدر اور (ب) رخ کہا ہے؟

 \vec{v} - اور ستى رفت ا \vec{v} اور ستى رفت ا \vec{v} - 2.0 \hat{k} اور ستى رفت ا \vec{v} - 3.72 ورفت الحرائي متية رقيم \vec{v} - 3.92 ورفت الحرائي متية رقيم متي رفت الحرائي متية رقيم متي رفت الحرائي متية رقيم مين (١) جم كازاوي معيار حسر كي اور (ب) جم يرفو مين مورور كي بي المرائي مين المرائي المرائي مين المرائي المرائي مين المرائي مين المرائي مين المرائي مين المرائي المرائي المين المرائي الم

ووال ۱۹۰۸ نقط (x,y) ہے، جس کے محد و x (x,y) ہیں، کیت (x,y) کازرہ نے جم متوی مسیں $v_y = 60 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کی رفت ارکے حب زو $x = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کی اور $x = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کی ازاوی معیار $x = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کی از اور (ب) نقط میں (۱) مبدا اور (ب) نقط میں (۲) مبدا اور (ب) نقط میں (۲) مبدا اور (ب) مبدا اور (ب) مبدا اور (ب) مبدا اور (ب) نقط میں (۲) مبدا اور (ب) مبدا اور (

 $\vec{d} = (2.00 \, \mathrm{m}) \hat{i} + (4.00 \, \mathrm{m}) \hat{j} - \mathrm{sec} \hat{j} = -(6.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{k} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} +$

 توت کی قوت مسروڑ P کے لحیاظ ہے اسس وقت کے ابو گی جب گیند (ج) بلند ترین نقطے پر ہواور جب گیند (د) والپس گرتے ہوئے نصف بلندی پر ہو؟

نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

سوال ۵.۳۲: مبدا کے لیے ظربے زرے پر وو قوت عمل کرتی ہیں: $\vec{\tau}_1$ کی تسدر $d\vec{\ell}/dt$ اور اسس کارخ محور x کے مثنی رخ ہے، اور $\vec{\tau}_2$ ہوت کے مثنی رخ ہے، اور $\vec{\tau}_2$ ہوت کی صدر $d\vec{\ell}/dt$ تلاسش کریں، جہاں مبدا کے لیے ظربے ذرے کازاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}$ ہے۔

xy مول xy میں مبدا کے مثبت جانب سے دیکھتے ہوئے ذرہ مستوی xy مسیں مبدا کے گرد گھٹڑی وار حسر کت کر تا ہے۔ اگر مبدا کے لیاظ سے ذربے کے زاوی معیار حسر کت کی متدر (۱) $4.0 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2 \, \mathrm{s}^{-1}$ (بر میدا کے لیاظ سے ذربے کے زاوی معیار خسر کت کی میں ذربے پر $4.0/t^2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2 \, \mathrm{s}^{-1}$ (کہ میں ذربے پر قویت مسیر وڑکے ہوگا گی ممتیر ترقیم مسیں ذربے پر قویت مسروڑ کے اور (۱) $4.0/t^2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2 \, \mathrm{s}^{-1}$ ور قویت مسروڑ کے باد کر کے میں خان کی میں خان کے میں خان کے میں خان کے میں خان کے میں خان کی میں خان کے میں خان کی میں خان کے میں کے میں خان کے میں خان کے میں کے میں کے میں خان کے میں ک

سوال xy وقت t پر سمتیہ xy وقت t پر سمتیہ xy وقت t بر سمتیہ t وقت t بر سمتیہ وقت t بر سمتیہ وقت t بر سمتیہ وقت t بر سمتیہ وقت و بر اللہ میں ہے)۔(۱) مبدا کے لیے افران میں ہے کہ اللہ میں ہے کہ اللہ میں ہمیں میں اور t بیسیرا قوت مسروڑ کاریاضی فعت رہ تلاش کریں۔ (ب) کیا مبدا کے لیے افران معیار حسر کت بڑھ رہا ہے ، گھٹ رہا ہے ، یا تبدیل نہیں ہورہا؟

استوارجهم كازاوي معسار حسركت

موال ۵.۳۲ تین گومتے مسترص کو دویے ملاتے ہیں (مشکل 43.11) دایک پیٹ مسترص A اور C کے چکا پر لیٹ ہے۔ دوسر ایٹ مسترص A کے وسطی نابھ اور مسترص B کے چکا پر لیٹ ہے۔ یے ہمواری سے بغیب پیسلے چکا اور نابھ پر حسر کست کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس R :اسس کے نابھ کارداسس 8 :اور مسترص کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس 0.2500R :اور مسترص کی کارداسس 2.000R ہے۔ مسترص B اور C کی کثافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا ورسس کی کارداسس کے نابع کی کشافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا وسترص کی کارداست کی مسیار حسر کست کی مسیدروں کی نبیت کیا ہے؟

d=0 سوال ۱۹۳۵: کمیت g=0 کمین درے، تین بلاکمیت سان وں سے جسکڑے ہیں، جن کی لمب اسیاں m=0 کا در زاوی رفت ال m=0 کمیت کی سے گھومت ہے۔ نقط m=0 کمیت رک جم کا گھیسے رک جم ورد (ب) در میانے ذرے کے زاوی معیار حسر کت کی قت در ، اور (ج) حب امد جم کے زاوی معیار حسر کت کی قت در ، اور (ج) حب امد جم کے زاوی معیار حسر کت کی قت در کوت کی قت در کی است کی قت در کی است کی قت در کی است کی کا میت کا در کمیت کی معیار حسر کرت کی قت در کا وی کا میت کی کا در کرت کی میت در کی است کی کا در کرت کی کا در کرت کی کا کا کہ کا در کرت کی کا کا کا کا کا کہ کا کہ کا کا کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کی کا کہ کی کہ کا کہ کر کے کا کہ کے کہ کا کہ

سوال ۵.۳۸: ریگ مال کافت رس، جس کا گھیسری جمود 2 سے 1.2 × 1.2 ہے، برتی برما ہے جوڑا گیا ہے جس کی موڑ قت مس کے وسطی محور پر سال 16 N m وقد رکی قوت مسروڑ پیدا کرتی ہے۔ اگر قوت مسروڑ علی 33 ms کے لئے منداہم کی حبائے، اسس محور پر وقت میں (ا) کے زادی معیار حسر کت اور (ب) زادی سستی رفت ارکی و تدرکیا ہوگی؟

سوال 90 . وسطی محور پر اڑن پہیے کا گھیے ہی جمود 90

au سوال ۵۰،۴۰۰ ایک و تسرس، جس کا گلمیسری جمود $2.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ برائع وقت قوت مسروڑ $t=1.00\,\mathrm{s}$ برائس کازاوی معیار حسر کست $t=1.00\,\mathrm{s}$ برائس کازاوی معیار حسر کست $t=3.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ برائس کازاوی معیار حسر کست کی برائس کازاوی معیار حسر کست کیب بوگا؟

سوال R سوال این گلیسرا اور چوکور سے استوار جم بنایا گیا ہے (شکل 45.11)۔ گلیسرا کا رداسس R اور کمیت m ہے۔ چوکور حیار پتلی یکساں سلانوں سے بنایا گیا ہے جہاں ایک سان کی کمیت m اور لمبائی R ہے۔ انتصابی محور پر استوار جم R وری عسر ص کی منتقل رفتار سے گومت ہے۔ منسر ض کریں R ورگ میں R ورگ میں R ورگ میں جم کا (ز) گلیسری جود اور (ب)زادی معیار حسر کت تلاشش کریں۔ R میں جو کور گھاویر جم کا (ز) گلیسری جود اور (ب)زادی معیار حسر کت تلاشش کریں۔

سوال ۵٬۴۲: ابت دائی ساکن ت رص پر ، شکل 46.11 میں پیش، قوت مسروڑ au ممسل کرتی ہے۔ ت رص وسطی انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ محور au کا پیسا نہ au اور au کا بیسا نہ کور پر گھوم سکتا ہے۔ وقت au اور au اور au اور au اور au کی اور au کا بیسا نہ کور پر و ت رسیر می کا زاوی معیار حسر ک سے بہوگا؟

زاوی معیار حسر کت کی بقب

سوال ۵٬۳۴۰ ایک چوبا، جس کی کمیت $0.17 \, \mathrm{kg}$ ہے، انتصابی محور پر نسب رداسس $15 \, \mathrm{cm}$ نصر ص کے چکا پر خوال سے میں ہے۔ وسیر کا گھیسری جود $10^{-3} \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ ورد حسر ابلار گڑے۔ زمسین

skaters"

ے لیے افرے چوہے کی رفت اور $\omega_0=2.8\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کی وار زاوی رفت اور $\omega_0=2.8\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ ہے۔ چوہے کو کہا پر کھانے کو کچھ ملت ہے لہذا وہ رک کے کھانا سشر وغ کر تا ہے۔ (۱) چوہائے رکنے کے بعید وقت رص کی زاوی رفت ارکب ہوگی برک کے بعید وقت رص کی زاوی رفت ارکب ہوگی ؟ () کہا بھونرا کے رکنے کے دوران مکانی توانائی کی بیت ہوگی ؟

سوال ۵٬۳۵ ایک فیص حب بوترا پر کھٹرا ہے۔ حب بوترا (بلارگر) 1.2 حب کی منٹ کی زادی رفت ارسے گوم رہا ہے۔ مختص کے ہاتھ باہر کو پھیلے ہوئے ہیں اور اسس کے دونوں ہاتھوں مسیں ایک ایک اینٹ ہے۔ وسطی انتصابی محور پر مختص، اینٹ یں، اور حب بوترا پر مشتل نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر نے سے نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر 2.0 kg m² ہے۔ دونوں ہاتھ مت ریب کرنے سے نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر اور پر انی حسر کی توانائی کہاں سے آئی؟

سوال ۵.۴۷: انہدام پذیر حب کر دار ستارے کے گھمیے ری جمود کی قیمیہ ابت دائی قیمیہ کی $\frac{1}{3}$ ہے۔ نئی گھمیے ری حسر کی توانائی اور ابت دائی گھمیے ری حسر کی توانائی کی نبیہ کہا ہوگی؟

سوال ۴۹، ۵۰ دو مسترص کم رگزی انتصابی و هسرے پر یوں نصب کیے گئے ہیں کہ انہیں مسز دوئ کر کے ایک جم کی طسر ت گھسایا جبا سے۔ پہلے مسترص کا گھسیری جمود ، محور گھساو پر ، 8 مالا ہے ۔ 10 اور یہ حناان گھسٹری 450 چپکر فی منٹ گلوم رہا ہے۔ دوسسرا مسترص ، جس کا محور گھساو پر گھسیری جمود 6.60 kg m² ہے ، حناان گھسٹری 900 چپکر فی منٹ سے گھوم رہا ہے۔ انہیں مسز دوئ کسیاحبا تا ہے۔ (۱) ان کا زاوی رفت اراب کسیا ہوگا؟ اسس کے بر تکسس اگر ابت دائی طور پر دوسسرا مسترص گھسٹری وار 900 حپکر فی منٹ گھومت ، تب انہیں ملانے کے بعد دان کی (ب) زاوی رفت اراور (ج) گھومنے کا رخ کسیا ہوتے ؟

سوال ۵۵۰۰: برقی موڑے مدور کاوسطی محور پر گھسے ہی جمود $I_m = 2.0 \times 10^{-3} \, \mathrm{kg m^2}$ ہے۔ تحقیق مندائی طیارے مسلی موٹر نسب کرکے طیارے کی سست بسندی کی حباتی ہے۔ موٹر کا دھسراطیارے کے وسطی محور کے جمسراہ ہے؛ محور پر محل مصلی کی مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں طی ارک کا گھسے ہی جمود کی جمسے کی جہ کے مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جمود کی جمسے کے بیارے کا کا مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جہ کی مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جہ کو بیارے کا کی حسارے کو سطی محور پر محملے کے لئے مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جہ کی جہ کہ مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جہ کی حسارے کو سطی محور پر محملے کے لئے مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں کی حسارے کو سطی محملے کے لئے مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں کے حسارے کو سطی کی حسارے کو حسارے کی حس

سوال ۵۱.۵: وت بل نظر رانداز گھیری جمود کے دھرے پر پہپ 800 حیکر فی منٹ زادی رفت ارسے گھوم رہاہے۔ دوسر راکن پہپا، جس کا گھیسری جمود دگئ ہے، یکدم پہلے پہیے کے ساتھ مسزدوج کسیاحب تاہے۔(۱) دو پہسیول اور دھسرے کا زادی رفت ارکسیاموگا؟ (ب) ابت دائی گھیسری حسر کی توانائی کا کشنا تھسے ضائع ہوگا؟

موال ۵۵۰٪ ایک چھا اجواپنے وسطی نقط ہے گر دانتھا بی محور پر گھوم سکتا ہے شکل 51.11 مسین د کھیا گیا ہے۔ اسس $M=8.00\,\mathrm{kg}$ سے دونی رداس $R_1=R_2/2.00$ سے دونی رداس $R_2=0.800\,\mathrm{m}$ سے دونی رداس $R_3=0.800\,\mathrm{m}$ سے دونی کہ گئے۔ والی شیال کی کمیت و تبال نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بہ جب کہ دھسرے اور چھیا کو دھسرے کے ساتھ جھکڑنے والی شیالوں کی کمیت و تبالی نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بسیرونی کن ارداس R_2 پر کمیت R_3 پر کمیت R_3 بر کمیت R_3 بر کمیت والی گھیر انظام کی جسیر کوئی کوئی کوئی کردار کی دونی رداس R_3 کو گھیر انظام کی حسیر کی آوانائی مسین کشناہ انسان ہوگا؟

 $4.7\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ سوال 20.00 سوال 20.000 سوال 20.0000 سوال 20.000 سوال 20.000

سوال ۵۵۱: کمی چیسلانگ مسین زمسین سے انھیلتے وقت کھسلائری کوزادی معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آائ معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آگے کی طسرون کھسلائری ہزاد صدید ہے کر کے کا طسرون کھسا کر مطب کر اور معیار حسر کسی بازو کو کا گا 18.1 کی طسرز پر گھسا کر سے زاوی معیار حسر کسی بازو کو کہ کا کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو کا کہ کیسے کی سائے تصور کریں، جو ایک سے سرے گرد گھومتی ہے۔ کھسلائری کی حوالہ چو کھ میں، کندھوں سے گزرتی مشتر کسے محور پر بازوں کا کل زاوی معیار حسرک سے میں۔ کسی سے ؟

سوال ۵۵.۵: یکساں فتسر می، جس کی کمیت 10m اور رداسس 3.0r ہے انتصابی محور کے گرد گھوم سکتا ہے۔ دوسر انجھوٹا فتسر می، جس کی کمیت m اور رداسس ۲ ہے، بڑے فتسر می پر ہم مسر کز رکھا گیا ہے۔ ابت دائی طور پر دونوں فتسر می پر ایک ستر می پر ایک ستر می پر ایک ستر می پر نے فتسر می برنے فتسر می پر ایک ستر می پر ساتا ہے۔ اس بی بیساتا ہے۔ آسنس کی بین چھوٹے فتسر می کا بین چھوٹا فتسر می باتا ہے۔ اس کی بین چھوٹے فتسر می کا بین رونی کی کن اور کا بین میں بین میں ہوئے فتسر می کا بین میں کی بین اور کا بین میں رفت اور کی کھوٹے ہیں۔ (ا) بڑے فتسر می کے محور پر اب ان کی زادی سستی رفت ارکست کی رفت اور کی کہ بین کی دونوں فتسر می کور پر اب ان کی زادی سستی رفت ارکست کی کہ بین ہوگی؟

سوال ۵۵۸٪ دائری مسترص کی سشکل کا حب بوترا و سطی انتصابی محور پر بلار گڑ گھومت ہے۔ حب بوترے کی کمیت مقال ۵۵ kg رداسس m 2.0 سالر عور گھساوے گرد گھمسے میں جمود 300 kg m² ہے۔ ایک طیال عسلم جس کی کمیت کی کمیت ہے جب بوترے کے چکاہے دھسرے کی حبانب آہتہ چلتا ہے۔ جس وقت طبالب عسلم چکا پر ہمتا، اگر اسس وقت نظام کی زاوی رفتار 1.5 rad s⁻¹ ہو، تب اسس وقت زادی رفتار کسیا ہو گی جب طبالب عسلم وسط سے 0.50 m ناصلے پر ہو؟

سوال ۵.۵۹: ایک سیان ترجیس کی کمیت M اور دواسس m 0.800 ہے ، وسطی انتصابی محور پر M 20.00 تراوی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔ ایک زرہ ، جسس کی کمیت M کی کمیت M ہے ، اور جو سیان نے کایک سرسے چپکا ہوا ہے ، علیحہ وہ ہوکر اسس کمی سیان کی وعد و دار راہ پر روانا ہوتا ہے۔ حضارج ہونے کے فوراً بعد ، ذرے کی رفت ارسے v_p سیان کو عصود و ارزاہ پر روانا ہوتا ہے۔ حضارج ہونے کے فوراً بعد ، ذرے کی رفت ارسے v_p سیان کریں۔

سوال ۱۹۰۰ نیک فیسر یک ان ساخ، جس کی کیست $0.50 \, \mathrm{kg}$ اور لمب کی $0.50 \, \mathrm{kg}$ ایک سرے اٹکایا گیا ہے۔ اس کے دو سرے سرکے ساخ $0.50 \, \mathrm{kg}$ س باند ھی گئی ہے (شکل $0.50 \, \mathrm{kg}$ گی ہے (سکل $0.50 \, \mathrm{kg}$ گی ہے اس کے دو سرے ساخ ور $0.50 \, \mathrm{kg}$ گئی ہے۔ سل و ساخ وگول نظام محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ سے محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ سے $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا گھسے ری جمود کسے $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا محمیل میں سل کے سر پر واقع ہے۔ (۱) محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا گھسے ری جو مسین سل کے سر پر واقع ہے۔ (۱) محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا رفت ارکسیا ہوگی؟

موال ۲۱۱۱: کیساں سلاخ (کمیت 1.0 kg مسین 2.4 kg سنگل 54.11 کے مستوی مسین 0.20 kg سنگ 54.11 کے مستوی مسین 0.20 kg کسیدی جود کے ساتھ ، ایک سرے گزرتی محور پر گھومت ہے۔ نشیبی نقطہ سے گزرتی مور پر گھومت ہے۔ نشیبی نقطہ سے گزرتی مور پر گھومت ہے۔ کر اتی ہے ، جو سلاخ کے سرے چیک حباتی ہے۔ اگر عسین تصادم سے قبل سلاخ کی زاد کی رفت ارعسین تصادم کے بعد کمی ہوگی ؟

سوال ۱۳۰۱: نیانش گاہ مسیں بازیگر t=1.87 مسیں حیار و تسلبازیاں کھ کرے تی ہے۔ ابت دائی اور آخری کو پنجت ہے۔ ابت دائی اور آخت کی وصل بازی وصل کو آخت کی وصل کو آخت کی مسیر کو گھیسری جو گھیسری جو کہ اور اسس کے مسیر کو کہ کی نیس کو نقط ہے کے طابر کیا گیا ہے۔ پرواز کے باتی حصل مسیں وہ جم کو زمسین پر سیسے کے صور سے مسیں وہ جم کو زمسین پر سیسے کی صور سے مسیں رکھت ہے؛ اسس دوران اسس کا گھیسری جود $I_1=3.93$ kg m² ہے۔ بیٹے حسال مسیل کی زادی رفت اور کی کے بیٹے حسال سے مسیل کی زادی رفت اور کی کے بور گھیسری جود گھیسری جود گھیسری جود گھیسری کی زادی رفت اور کی کے بیٹے حسال سے مسیل کی زادی رفت اور کی کے بوگی ؟

سوال ۱۵.۳۳ انتصابی محور پر گھونے کے وتابل ساکن جھولا، جس کارداسس سے 2.0 ہے، کے چکاپر 30 kg کیسے کا بجپ کا سے سال کا دوست کا کیسے کا گیسنداسس کی کھسٹرا ہے۔ محور گھساو پر جھولے کا گھسپری جمود 150 kg m² ہے۔ اسس کا دوست کا دوست کا گیسنداسس کی مسرون پھیسنکتا ہے۔ مسین گیسند پکڑنے سے قب لگیسند کی سستی رفتار تن افقی ہے اور اسس کی وتدر 12 m s m s میں گیسند کی سال گلسپر کے ساتھ اسس کا ذاوی ہوئے ہے، اور جھولے کو ممسائی گلسپر کے ساتھ اسس کا ذاوی ہوئے گا ہے گا ہوئے گا ہے گا ہوئے گا ہوئ

سوال ۱۹۳۳ ایک بازیگر، جس کی زاوی رفت از w_i کی گھیسری جمود دو حصوں پر مشتل ہے: جم کے لحاظ ہے ایک نائگ $\theta=90^\circ$ نائگ $\theta=90^\circ$ زاوی بر کھ کر، ٹانگ کا گھیسری جمود $H_1=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ بائگ $H_2=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ بائگ $H_3=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ با

سوال 18. 18: ایک پستی ساخ، جس کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور جس کی لمب کی سے 50 cm ہے، کے دونوں سر پر 2.0 kg پر 2.0 kg کمیت کا گئیند باندھ آگیا۔ ساخ کی گئیت کے باز خوار شطی نقط پر واقع افقی محور کے گرد گھوم سکتی ہے۔ افتی ساخ کے سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 و کمیت کی لبدی -3.00 سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 کمیت کی لبدی -3.00 ساخ کی افتار کے گئیند کے چیک حباتی ہے (شکل میں اس کھے کے بعد جب لبدی گئیند پر گرتی ہے، نظام کی زاوی رفتار کسیا ہو گی؟ (ب) تصاوم کے بعد نظام کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی خسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی گھوں کی دیات کی دو کرد کرد کی دیات کی دیات کی دیات کی دیات ک

سوال ۹۰ نظر کر سطی پہلے کی ہے۔ کی باندی ہے $00 \, \mathrm{g}$ کی باندی ہے $00 \, \mathrm{g}$ کی بہت کی بہت کی بہت کی بہت کی بان کے کہ بان کی المبائی $00 \, \mathrm{g}$ کے بات کے کہ بان کی المبائی کے کہ بان کی المبائی کر اور نقط ہے۔ $00 \, \mathrm{g}$ کا کہ بان کریں۔

سوال 0.40: پتلی یک سال ناخ، جس کی گیت M اور لمب بنی 0.600 ہے، وسطی نقطہ O پر واقع انتصابی محور کے گرد 0.40 ورفت اربی ورفت اربی کا نصب بنی ہور کے مصل 0.600 ورفت اربی حضائزہ پیش 0.00 ورفت اربی رفت اربی کی گیست 0.00 ورفت اور جس کی گیست 0.00 اور جو 0.00 اور جو 0.00 اور جو 0.00 اور جو گرا کر اس کے سائزہ چپک حب اتا ہے۔ تصادم کے لیے پر ذربے کی راہ اور سائ آپ س مسین عصود دار ہیں، اور تصادم کے معت محال کا نصور سائن آپ س مسین عصود دار ہیں، اور تصادم کے معت محال کا نصور سائن اور ذرہ سائن اور ذرہ سائن ہونے کی صور سے مسین کی معت محال کا در فرہ سائن اور ذرہ سائن اور ذرہ سائن اور ذرہ کی زادگی دفت کے ایک کی محس کی بعد سیان اور ذربے کی زادگی دفت ارکار خ کسے ہوگا؟

مكن حير في كي استقبالي حسركت

موال 2.19 ن کیاں تسرس، جس کارداسس 50 cm ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھسرانیب کرکے مسکن حپر خی بن ائی گئے ہے۔ دھسرے کی لمب ائی 11 cm ہے۔ دھسراافتی ہے اور اسس کا ایک سسر ٹیک پر ہے۔ اگر حپکر کی مشرح 2000 حبکر فی منٹ ہو، استقبالی حسر کے کی شرح کے اور اس

اصٰافی سوال

سوال ۵.۷۰: یکساں ٹھوسس گیند سطح پر ہموار لڑھکے کر °15 زاویے کے میلان پر حپڑھت ہے۔میلان پر m 1.50 m لڑھکنے کے بعد گیند لمحساقی رکتا ہے۔ گیند کی ابت دائی رفت ارکسیا ہے؟

 مسر کز کیت کے زاوی اسسراع کی ت در کیا ہے؟ (ب) مسر کز کمیت پر ہیان کے زاوی اسسراع کی ت در کیا ہے؟ (ج) اکائی سمتیر ترقیم مسین، ہیان پرر گڑی قوت کیا ہے؟

سوال ۷۲۔ ۵: باریک حپادر سے بن پاگسیا پائٹ فنسرسٹس پر لڑھکتا ہے۔ لمب اُئی کے ہمسراہ وسطی محور پر اسس کی مستقیم حسر کی توانائی اور گھمسیری حسر کی توانائی کی نسبت تلاسٹس کریں۔

 $\vec{v} = -2.0t^3$ ${\rm im}\,{\rm s}^{-1}$ وال $\vec{v} = -2.0t^3$ کی کھاوناگاڑی ستی رفت از $\vec{v} = -2.0t^3$ ${\rm im}\,{\rm s}^{-1}$ کی کھاوناگاڑی کے مسرکت کے سرکت کے لئے (۱)گاڑی کا زاوی معیار سرکت کے اور (ب) گاڑی پر قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ق) گاڑی پر قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ق) گاڑی پر قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔

سوال 4 2. وسطی محور پر ایک پہیا زاوی معیار حسر کت 2 600 kg m² کے ساتھ گھٹڑی وار گھومت ہے۔ وقت 2 پہیپے کارخ الٹ کرنے کی عضر ض سے پہیے پر 2 50.0 N m متدر کی قوت مسروڑ لا گو کی حباتی ہے۔ کس کھے 2 کے زاوی رفتار صف ہو گی ؟

سوال 2.40 نقسیل کے میدان مسین ایک چھوٹا جھولا ہے جو انتصابی محور پر گھومت ہے۔ جھولے کار داسس سے 1.20 m اور کیس کیست 180 kg ہے۔ اسس کار داسس دوار (باب م مسین سوال 2.40 دیکھیں) 91.0 cm ہے۔ ایک بجہ جس کی کیست 44.0 kg ہے، ساکن جھولے کے چکا کو عصود دار راہ پر 5 m s m 5 رفت ارسے دوڑ کر جھولے پر چھالنگ لگاکر حپڑھت ہے۔ جھولے کے دھرے کی رگڑ نظر انداز کریں۔ (۱) دھسرے پر جھولے کا گھمیسری جود کیا ہے، (ب) دھسرے کے لحاظ سے دوڑتے ہوئے بچے کے زاوی معیار حسر کسے کی متدر کیا ہے، اور (ج) جھولے پر حپڑھنے کے بعد جھولے اور بچے کی زاوی رفت ارکیا ہے،

موال 20 cm منگ فارا الی کیساں سل کی شکل کتاب کی طسرہ ہے۔ سل کی لمب نکی 20 cm ، چوڑائی 15 cm ، کا منگ میں 20 cm اور موٹائی 20 cm کی وسط سے ایک اور موٹائی 1.2 cm کی وسط سے ایک وسط سے ایک وسط سے ایک نوادی معیار کونے تک نصف وضاحلے پر واقع سل کے رخ کو عصودی محور کے گرد سل گھوم سکتی ہے۔ اسس محور پر سل کا زاوی معیار حسر کی توانائی کیسا ہوگی؟

سوال 2.42: دوزرے جن کی کمیتیں kg kg kg بین محنالف رخ kg وفتارے متوازی راہ پر جیلتے میں موال 2.90 kg بین محنالف رخ kg میں معیار حسر کت میں راہوں کے فی وضاصلہ kg میں راہوں کے فی وضاحہ کے لحاظ سے دوزروی نظام کی زاوی معیار حسر کت کی وقت رہ کا کہتے ہوگی؟ اگر وسسرے نقط کے لحاظ سے زاوی معیار حسر کت کی قیمت مختلف ہوگی؟ اگر ویاحب کے رہا حیا کے راہ کی ایک دوسر کے جواب کیا ہوں گے؟ اگر دیاحب کے رہا حیا کے رہا ہوں گے؟

سوال ۵.۷۸: ایک پہیا، جس کارداسس $m 0.250 \, m$ اور ابت دائی رفت ار $43.0 \, m \, s^{-1}$ بنا وی است ان کا گھمیسری جود کرنے کے رکتا ہے۔ () اسس کے خطی است راخ اور (ب) زاوی است راخ کی متدر کیا ہے؟ وسطی محور پر اسس کا گھمیسری جود $20.155 \, kg \, m^2$ ور گز کی بدولت قوت مسروڑ تلاسش کریں۔

سوال 2.49: پہیا A اور B کو ایک پٹ ملاتا ہے، جو پھلت انہسیں ہے۔ B کار داسس A کے رداسس کا تین گٹ ہے۔(۱) اگر دونوں پہسیوں کا اپنے اپنے وسطی محور پر زاوی معیار حسر کرت ایک پتنا ہو اور (ب) اگر ان کی تھمیسری حسر کی توانائی ایک

granite¹

جتنی ہو، تب گھیے ری جمود کی نسبت I_A/I_B کی ہو

سوال ۱۵۰۰ ایک زرہ، جس کی کیت 2.50 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار $(-3.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے، کا کمس کی غیب رفت ار غیب رفت کی کیت 4.00 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار غیب رفت ایک کے تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد رکت تا سی کریں۔

سوال ۸۱۱.۵: ایک پہیا، جس کی کمیت 10.0 kg اور ردانس 0.400 m ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھسرااستوار (جسکڑ کر)نسب ہے (سشکل 62.11) دھسرے کا ردانس 0.200 m اور دھسرے پر پہیے و دھسرے کا گھیسری جمود (جسکڑ کر)نسب ہے (سشکل 62.11) دھسرے کا ردانس 6 میلان کے منسراز پر پہیاابت دائی طور پر ساکن رکھا جباتا ہے۔ وھسرامیلان کی سطح مس کر تا ہے جب کہ پہیا سطح مسیں بنی جمسری کے اندر، سطح مس کے بغیسر، چلت ہے دبائی کے بعد، میلان پر ہموار گڑھا کے راز تا ہے۔ سطح پر 2.00 m کی ایس و دھسرے کے نظام کی (۱) دھسرا بغیسر، پھیلے، میلان پر ہموار گڑھا کے راز تا ہے۔ سطح پر 2.00 m کھیسری حسر کی توانائی اور (ب) مستقیم حسر کی توانائی کیا ہوگی؟

سوال ۵.۸۲: ایک سسر پر انتصابی محور کے گردیک اس سلاخ افتی مستوی مسین گھومت ہے۔ سلاخ کی لمب کی سے 10.00 m اور وزن اور وزن 10.0 N ہے، اور اسس کی زادی رفتار 240 حیکر فی منٹ ہے۔ (ا) محور گھے و پر اسس کا گھیسری جمود اور (ب) اسس محور پر زادی معسار حسر کرتے کی وت در کساہو گی؟

سوال ۵.۸۵: ساکن جھولے پر، جس کارداسس R اور گھسیسری جمود I ہے، کے چکاپر کمیت M کی لاکی کھسٹری ہے۔ جھولا انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ جھولے کے چکا کو ممسائی رخ، لاکی کمیت M کا پتھسر افقی بچھیٹ تی ہے۔ زمسین کے لیے اوا سے پتھسر کی وفت ارکسا ہیں؟ کی وفت ار س ہے۔ پتھسر چھیکنے کے بعب د(ا) جھولے کی زاوی رفت اراور (س) لاکی کی خطی رفت ارکسا ہیں؟

خطی رفت ار، (د) مستقیم حسر کی توانائی، (ه) زاوی رفت ار، اور (و) گلمپ ری حسر کی توانائی کسامیں؟

h ہوں ہوں کہ ہوں کا بھی سے پر رداسس R اور کیت m کا جم v رفتارے ہموار لڑھک رہاہے۔ اسس کے بعد جم میلان پر m بلندی تک حیث میاتا ہے۔ (ا) اگر $m=3v^2/4g$ ہو، جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر جم کا گھمیسری جمود کیا ہے؟ $m=3v^2/4g$ کے مسکل کیا ہو سکتی ہے؟

باب ٢

توازن اور لچ___

ا.٢ توازن

.

م**قاصد** اسس حصبہ کو پڑھ کر آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. توازن اور سکونی توازن مسیں منسرق کریائیں گے۔

۲. کونی توازن کے حیار شیر الطاحبان یا ئیں گے۔

٣. مسر کز ثقل اور اسس کامسر کز کمیت ہے تعساق سنجھایا ئیں گے۔

۴. ذروں کی دی گئی تقسیم کے لئے مسر کز ثقل اور مسر کز کمیت کے محدد کاحب کریائیں گے۔

كليدي تصور

• استوار جم جب ساکن ہو،وہ سکونی توازن مسیں ہو گا۔ ایسے جم کے لئے، جم پر بیسر دنی قو توں کا محب وعب صف رہو گا۔

$$ec{F}_{\dot{b}}$$
ن $=0$ (قوتوں کا توازن)

اگرتمام قوت بع مستوی مسین ہول، ہے مساوات ذیل دوجبزوی مساوات کی معادل ہو گی۔

$$F_{i,j}=0$$
 اور $F_{i,j}=0$ اور $F_{i,j}=0$

کونی توازن سے مسراد ہے بھی ہے کہ کی بھی نقطے کے لیاظ سے جہم پر بیسرونی قوت مسروڑ کامحب وعب صف رہو

ساب ۲. توازن اور ک<u>ی</u>ک

:6

$$\vec{ au}_{i,j} = 0$$
 (قوت مسرورٌ کا توازن)

اوراگر نمسام قوس xy مستوی مسین ہوں تب نمسام قوس مسروڑ سمتیا سے محور z کو متوازی ہوں گے، اور قوس مسروڑ کے توازن کی مساوات ذیل یک حبز دی مساوات کی معسادل ہو گی۔

$$au_{z}=0$$
 (قوت مسرور گاتوازن) زور تا

• تحباذبی توت جم کے ہر ذرے پر انعت رادی عمسل کرتی ہے۔ تسام انعت رادی اعسال کا صافی اثر حبائے کے لئے مسر کز کمیت پر معسادل تحباذبی توت \vec{F}_g صند ش کرنی ہوگی۔ اگر جم کے تمسام کلڑوں پر ثقلی اسسراع تھ ایک ہون ثقلی مسر کر جم کے مسر کز کمیت پر ہوگا۔

ا.ا.۱ طبعیات کیاہے؟

انسانی بن ائی چینزیں، لا گو تو توں سے قطع نظر، مستحکم تصور کی حب تی ہیں۔ تحب ذبی قوس اور ہوائی قو توں کے باوجو دہم توقع کرتے ہیں کہ عمسارے کھسٹری رہے گی، اور ئیل سمن در مسین گرے گانہیں۔

طبیعیات کے مسر کز توجب وہ حقیقت ہے جو عمسل پسیرا قو تول کے باوجود جم کو مستخکم رکھتاہے۔اسس باب مسیل استخام کے دو نقط نظر پر غور کسیا جبائے گا: استوار جم پر عمسل پسیرا قوت اور قوت مسروڑ کا توان اور نااستوار اجسام کی لیک، جسس پر اجسام کا منخ ہونا مخصسر ہے۔اگر طبیعیات درست کی حبائے،اسس پر انجیسئری اور طبیعیات درست کی حبائے،احس پر انجیسئری اور طبیعیات کے حب بیدول مسیں لا تعداد مضامسین لکھے حبائیں گے؛اگر عناط کی حبائے،اخبار کا سرنام ہے گا اور صانونی کارروائی ہوگی۔

توازن

ذیل اجسام پر غور کریں: (1) میسنز پر پڑی ساکن کتاب، (2) بلار گڑسطچ پر مستقل سستی رفت ارسے حسر کرسے پذیر و تسرص، (3) چیست کے چنکھے کے حب کر کھساتے یّر، اور (4) سید ھی راہ پر جستے سائیکل کا پہیپا۔ ان حسار اجسام کے لئے

ا. مسرکز کمیت کا خطی معیار حسرکت \vec{P} ایک متقل ہے۔

روسرے نقطہ کے لیے اظ سے ان کازاوی معیار حسر کرتے گے جھی ایک مستقل ہے۔ L

ہم کہتے ہیں ہے جسم **توازان** امسیں ہیں۔ یوں توازن کے دو شسر الط ذیل ہیں۔

$$ec{L}=$$
 اور متقل $ec{P}=$ اور اور ال

اس باب مسیں ہم صرف ان صور تول پر غور کرتے ہیں جب ال مساوات ۱۰ مسیں مستقل کی قیب صف بود کیجتی ہم ان اجسام مسیں دلچپی رکھتے ہیں جو حوالہ چو کھٹ کے لیساظ سے ساکن ہول؛ خطی سکون اور گھمیسری سکون مسین ہم دلچپی رکھتے ہیں۔

equilibrium'

١.٢. آوازن

ایے اجب مر سکونی توازیج سسیں ہوں گے۔ باب کے آغناز مسیں پاراجس مسیں صرف مسیز پر پڑی کتاب سکونی ۔ توازن مسیں ہے۔

سشکل 1.12 مسیں دکھائی گئی چیان، فی الحال، سکونی توازن مسیں ہے۔مساحبد، کِل، گھسر، وغیسرہ بھی سکونی توازن مسین ہیں؛ ہے وقیہ گزرنے کے باوجو دساتھ ساکن رہتے ہیں۔

جیب ہم حصہ 3.8 مسیں ذکر کر چپے ، اگر سکونی توازن سے قوت کے بل بوتے پر نکالے حبانے کے بعیہ جمم واپس سکونی توازن کو لوٹے، ہم کہتے ہیں ہے۔ جم مستحکم سکونی توازن مسیں ہے۔ نصف کرہ کے تل مسیں رکھیا گیاسس کی ایک مثال ہے۔ اسس کے برعکس، اگر چھوٹی قوت جم کوبلاکر توازن حستم کریائے، جم غیبر مستحکم سکونی توازن مسیں ہوگا۔

ز نجری اثر۔ سند خ کری ہم ایک اینٹ یوں گھٹری کریں کہ اسس کامسر کز کیت عسین ایک کسنارے کے اوپر ہو (نجری کو خیری کی آئر تا ہے البندا اسس کسنارے پر \vec{F}_g کی قوت مسروڑ مسنسر ہو گی۔ اینٹ توازن مسیں ہے۔ معمولی اضطہراب اسس توازن کو برباد کر دیگا۔ جیسے ہی \vec{F}_g کا خط عمسل کسنارے سے ایک طسرون ہو (شکل 2b.12)، \vec{F}_g کی پیدا کردہ قوت مسروڑ اینٹ کو اسس طسرون گھسائے گی۔ یوں مشکل 2a.12 میں بینٹ غیسر مستحکم توازن مسیں ہے۔ 2a.12

سٹ کل 2c.12 مسیں اینٹ اتنی غنیبر مستخکم نہیں۔ اینٹ گرانے کے لئے ضروری ہے کہ قوت اینٹ اتنی گھسائے کہ اینٹ کامسر کز کمیت کسنارے کوپار کر حبائے۔ معمولی قوت اسس اینٹ کو نہیں گراستی، تاہم انگل ہے جھٹکا دے کراسے گرایا حباسکتا ہے۔ (ایسنٹوں کو قطبار مسیں کھٹڑا کر کے، پہلی اینٹ کو جھٹکا دے کر گرانے سے تمسام اینٹیں گرائی حباسکتی ہیں۔)

سل ۔ مشکل 2d.12 مسیں و کھایا گی سل مسزید زیادہ مستکم ہے۔ مسر کز کیت کو سل کے کہنارے کی دوسری طسرون لی جب کی جندی اللہ سے کا خوسس کے کہنارے کی دوسری طسرون لی جب نے مسرکز کیت کو کافی زیادہ دور لے جبانا ہوگا۔ انگلی کا جھڑکا سل کاپاپ نہیں پائے سازدور سل (ای لئے سل قطار مسیں شہتیر پر بیٹھا مسزدور سل کی مانت جب اسس پر کھسٹر امسزدور اینٹ کی مانت ہوگا (جس کو ہواکا چھڑکا نیچ لاسکتا ہے)۔

سکونی توازن اطلاقی انجیسئری کے لئے بہت ضروری ہے۔ تحنیق کارتمہم ہیسرونی قوت اور قوت مسروڑ کی نشاندہی کر کے، بہتر تراکیب اور مواد استعال کر کے، یقینی بسناتا ہے کہ ان کی موجود گل کے باوجود عمسارت یامشین مستحکم رہے۔ یوں پُل کا نقشہ تسیار کرتے وقت تحنیق کار تفصیلی تحبیزیہ کر کے یقینی بسناتا ہے کہ پُل پر آمدور فیت اور ہوائی قوتوں کو پُل سے سے۔

توازن کے سشرائط

جہم کی مستقیم حسر سے ، خطی معیار حسر کے روپ مسین نیوٹن کے مسانون دوم کو، جو (ذیل) مساوات 27.9 دیتی ہے، مطمئن کرتی ہے۔

$$ec{F}_{\dot{f j}} = rac{{
m d}ec{P}}{{
m d}t}$$

staticequilibrium"

الب ٢. توازن اور کيک

اگر جسم مت قیم توازن میں ہو؛ یعنی اگر
$$\vec{P}$$
 ایک مت قل ہو، تب $d\vec{P}/dt=0$ ہوگالہہذالاز مآدر بن ہوگا۔ $\vec{F}_{ij}=0$ متوازن توب فرمین کر متحقال ہو، تب خوازن توب کے متحقال ہو، تب کا متحالیا ہوگا۔ مت

جہم کی گھیےری حسر کے ،زاوی معیار حسر کے روپ مسین نیوٹن کے متانون دوم کو،جو (ذیل) مساوا۔۔۔ ۵.۲۹ بی ع ے،مطمئن کرتی ہے۔

$$ec{ au}_{\dot{f j}}=rac{{
m d}ec{L}}{{
m d}t}$$

اگر جم گھمیے ری توازن میں ہو؛ یعنی اگر \vec{L} ایک متقل ہو، تب $d\vec{L}/dt=0$ ہو گالہہذالاز مأ درج ذیل ہو گا۔

$$\vec{\tau}_{i}=0$$
 (۱.۵) $\vec{\tau}_{i}=0$ (۲.۵)

یوں جسم کا توازن مسیں ہونے کے لئے ذیل دوسشر الطامیں۔

ا. جسم پرتمام ہیںرونی قو توں کا سستی مجسوعہ صنسر ہونالازم ہے۔

۲. ہر مکن نقط کے لحاظے، جسم پر ہیں رونی قوت مسروڑ کا سستی مجسموع صف رہونالازم ہے۔

 \vec{L} اور \vec{P} الموادن ال

مساوات ۱۰۳ اور مساوات ۲۰۵ ، بطور سنتی مساوات ، در حقیقت (زیل) تین تین حبزوی مساوات کی معادل بین-

$$au_{ij}$$
 مثوازن قوت مرور مثوازن قوت F_{ij} مثوازن قوت T_{ij} مثوازن قوت T_{ij}

اصلی مماواہے۔ ہم صرف ان صور توں پر غور کرتے ہیں جس مسین جم پر لا گو قوت xy مستوی مسین پائے حباتے ہیں۔ یوں مسئلہ کم پیچیدہ ہوگا۔ اسس طسر جم پر عمسل پیسراقوت صرف محور سے کی متوازی محور کے گر د جم گلمساسکتے ہیں۔ اسس مفسروضے کے ساتھ مساوات ۲۰۱۱مسین سے قوت کی ایک مساوات اور قوت مسروڑ کی دومساوات سے چینکاراحساس ہوگا۔ پول ذیل ہاتی رہتی ہیں۔

$$F_{i, -x} = 0$$

$$F_{\dot{\mathfrak{y}}_{-\mathcal{Y}}}=0$$

$$au_{z}=0$$
 (۲.۹)

١.٢. توازن

یہاں، _{جریبان}ی وہ صافی قوت مسروڑ ہے جو محور کے بااسس کے متوازی کسی محور پر بسیرونی قوت پیدا کرتی ہیں۔

جی ہوئی برنسے پر مستقل سستی رفت ارسے حسر کی کر تا قت رص مساوات ۲۰۷، مساوات ۸۰۸، اور مساوات ۱۹۰۸ مور مساوات ۱۹۰۸ مطمئن کر تا ہے، البندا سے توازن مسیں ہو گا، تاہم سے سکونی توازن مسیں ہر گزنہیں۔ سکونی توازن کے لئے قسم س کا خطی معیار حسر کر س آگئ ہوئی برنسے پر س کن ہونالازم ہے۔ یوں سکونی توازن کے لئے درج ذیل سشرط بھی لازم ہے۔ یوں ، سکونی توازن کے لئے درج ذیل سشرط بھی لازم ہے۔

جسم کے خطی معیار حسر کت \vec{P} کاصف رہونالازم ہے۔

آزمائشسا

یک ان سلاخ، جس پر سلاخ کو عصود دار دویا دوے زیادہ قوت عمسل کرتی ہیں، کے چھ فصن کی نظبارے مشکل ؟؟ مسیں پیش ہیں۔ قوتوں کی وقت دریں (غیب رصنب رر کھ کر اور) تب بل کرکے کون کو نمی سلاخ سکونی توازن مسیں لائی جساستی ہیں؟

مــركز ثقل

جہم پر تحباذ بی قویں، جہم کے انفٹ رادی گلزوں(جوہر) پر تحباذ بی قو توں کا سمتی محب وعیہ ہو گا۔ انفٹ رادی گلزوں کی ہاسے کرتے ہوئے ہم ذیل کہتے ہیں۔

جم پر تجباذبی قوت \vec{F}_g "عملاً" جم کے مرکز اُلل سی عمل کرتی ہے۔

یہاں لفظ"عسلاً"کامطلب ہے ہے کہ اگر کسی طسر ح انفٹ رادی مکڑوں پر تحباذ بی قوت حسنتم کر دی حبائے اور تحباذ بی قوت \vec{F}_g جم کے مسر کز نقل پر پیدا کر دی حبائے، جم پر صافی قوت اور (کسی بھی محور کے لیے ناسے) جمم پر صافی قوت مسروڑ تعدیل نہیں ہوں گی۔

اب تک، ہم منسوض کرتے رہے ہیں کہ تحباذبی قوت \vec{F}_g جم کے مسر کز کیت پر عمسل کرتی ہے، جو اسس کے مسر ادون ہے کہ ہم کہمیں جم کامسر کز ثقل جم کے مسر کز کیت پر پایا حباتا ہے۔ یاد کریں، کیت \vec{F}_g میں خوت فوت \vec{F}_g الگوکرنے سے پیدا ہوگا۔ ینچے دیے گے خوت میں ہم ذیل ثابت کریں گے۔ خوت میں ہم ذیل ثابت کریں گے۔

اگر جسم کے تمام مکڑوں کے لئے 🕏 ایک ہو، جسم کامسر کز ثقل اور جسم کامسر کز کمیت ایک نقطے پر ہوں گے۔

سطح زمسین پر ہی کی ت در بہت کم تب میں ہوتی ہے اور (عسام زندگی مسیں جن بلت دیوں ہے ہمیں واسطہ پڑتا ہے ان) بلت دی کے ساتھ ہی کی وت در زیادہ تب میل نہیں ہوتی الہذاروز مسرہ الشیاء کے لئے درج بالا تخمین درست ہوگا۔ یوں چوہے یا جمینس

centerofgravity

کے لئے تحباذ بی قوت کا ان کے مسر کز کمیت پر عمسل پیسرا ہونا منسر ض کرنا درست ہوگا۔ ذیل ثبوت کے بعب ہم ای مفسرو ضے پر حیلیں گے۔

نبو___

ہم جم کے انف ندادی گلزوں پر پہلے غور کرتے ہیں۔ شکل 4a.12 میں وسیع جم ، جس کی کیت M ، اور جم کا ایک چھوٹا گلزا جس کی کیت M ، اور جم کا ایک چھوٹا گلزا جس کی کیت M ہم ہے ہیں۔ جس کی کیت M ہم ہے ہیں ہونے ہیں ہم ہیں ہم ہونے ہیں ہم گلزے پر تحب ذبی قوت ہو سکتی ہے ۔ G میں نروشت کہتی ہے آج گلزا نے معتام پر تظلی اسرائے ہے (دیگر گلزوں کے لئے اس کی قیت مختلف ہو سکتی ہے)۔ شکل 4a.12 میں ہر ایک گڑے پر قوت مسروٹ G مسل کر کے ، مبدا G کے لیاظے گلڑے پر قوت مسروٹ G میں ایک قوت جس کا معیار از کا بازو کی ہے ، پیدا کرتی ہے ۔ مساوات G ہم کی راہ نہائی مسین ہم ہر ایک قوت جس کا معیار از کا بازو کا بھوٹا کی ہے ، پیدا کرتی ہے ۔ مساوات G ہم کی راہ نہائی مسین ہم ہر ایک قوت ہم کا معیار ایک قوت ہم کی دور شاہ کے بھوٹا کی دور کی بھوٹا کی بھوٹا کی دور کی بھوٹا کی دور کرتے ہیں کا معیار ایک کو بھوٹا کی دور کی بھوٹا کی دی بھوٹا کی در آب کی دور کی بھوٹا کی در کی بھوٹا کی بھوٹا کی در کی بھوٹا کی بھوٹا کی بھوٹا کی در کی بھوٹا کی بھوٹا کی در کی در کی در کی بھوٹا کی بھوٹ

$$\tau_i = x_i F_{\sigma i}$$

یوں، جسم کے تمام گلڑوں پر صافی قوی مسروڑ ذیل ہو گی۔

مروڑ _τ زمل لکھ کتے ہیں۔

$$\tau_{i} = \sum \tau_i = \sum x_i F_{gi}$$

اب، پوراجیم لیتے ہیں۔ شکل 4b.12 مسیں جم کے مسر کز ثقل پر تجباذ بی قوت \vec{F}_g عمس کر تاد کھایا گیا ہے۔ مبدا O کے لحاظ سے اس قوت کامعیار اثر کابازو م_{سر زئیس} x اور جم پر پیدا قوت مسروڑ τ ہے۔ مساوات N ووبارہ استعال کر کے بہتر قوت مسروڑ ذیل کامعی باستی ہے۔

$$au = x$$

جم پر تحباذبی قوت \vec{F}_g ، جم کے ہتام کلاوں پر تحباذبی قوت \vec{F}_{gi} کا محب وعب ہوگا۔ یوں مساوات ۱.۱۲ مسیں جم کی جم کے ہتام کلاوں پر تحباذبی قوت $\sum F_{gi}$ کا محب وعب ہوگا۔ یوں مساوات ۱.۱۲ مسیں جم کی جم کے ہتام کلاوں پر تحباذبی قوت ہوگا۔

$$\tau = x_{\vec{p}, \vec{r}} \sum F_{gi}$$

یاد کریں، مسر کز نُقل پر عسل پیسراقوت \vec{F}_g سے پیداقوت مسروڑ اسس صافی قوت مسروڑ کے برابر ہوگاجو جم کے تسام کاروں پر عمسل پیسراقوت \vec{F}_g پیسدا کرتی ہیں۔ (مسر کز نُقل کی تعسریف یہی ہے۔) یوں مساوات ۱۲.۱۳ کا τ ، مساوات τ بابر ہے۔ دونوں مساوات کوبرابر کھ کرذیل کھے حیاسکتا ہے۔

$$x$$
رو تان $\sum F_{gi} = \sum x_i F_{gi}$

ی جگ میں ڈال کر ذیل ساسس ہوگا۔ $m_i g_i$

$$x$$
رفرین $\sum m_i g_i = \sum x_i m_i g_i$

اب کلیدی تصور پیش کرتے ہیں:اگر کلڑوں کامعت امات پر اسراع g_i ایک ہو، ہم g_i منسوخ کرکے ذیل لکھ سے ہیں۔ $x_{i} = \sum x_i m_i$

تے م کلڑوں کی کمیتوں کا محبوعہ m_i جسم کی کمیت M دیت ہے۔ یوں مساوات ۱.۱۵ ذیل لکھی حباستی ہے۔

$$x$$
ربرایم $x_i m_i$ (۲.۱۲) $x_i m_i$

۲.۲ کونی توازن کی چیند مثالیں

مقاص

ا مس اسس حصہ کو پڑھنے کے بعید آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. سکونی توازن کے لئے قوت اور قوت مسروڑ کی مشیرانطا کااطباق کریائیں گے۔

كليدي تصور

• جب استوار جم کن حسال مسیں ہو ہم کتے ہیں وہ سکونی توازن مسیں ہے۔ایے جم کے لئے، جم پر بسیرونی قو تول کا سمتی مجسوعہ صف رکے برابر ہوگا۔

$$ec{F}_{i}$$
رمتوازن قوت $=0$ صن

اگر تب توت xy مستوی مسیں ہول، درج بالاسستی مساوات ذیل دوجبزوی مساوات کے مسسرادون ہو گا۔

$$F_{i,-y}=0$$
 اور اور $F_{i,-x}=0$ اور (متوازن قوت)

• کونی توازن سے بھی مسراد ہے کہ، کی بھی نقط کے لیاظ ہے، جسم پر بیسرونی قوت مسروڑ کا سستی محبوعہ صف کے برابرہوگا۔

$$ec{ au}_{i}=0$$
 متوازن قوت مسروڑ)

اگر ہیں رونی قوت میں ہوں، تمام قوت مسروڑ محور سے متوازی ہوں گی، اور درج بالا سستی مساوات ذیل حسن دار کی مماثل ہوگی۔

 $au_{i,z}=0$ (متوازن قوت مسروڑ)

کونی توازن کی چیند مثالیں

یہاں ہم سکونی توازن کے کئی نمونی مسائل پر غور کریں گے۔ ہر مسئلے مسیں ایک یا ایک سے زیادہ اجسام پر مسبنی نظام منتخب کر کے توازن کی مساوات (۱۹۔ ۱۹۰۱) کا اطباق کریں گے۔ تمام قوت کن مستوی مسیں ہیں البند اقوت مسروڑ کے محور کو متوازی ہوں گے۔ یوں، مساوات ۲۰۹ کا اطباق کرتے ہوئے، ہم محور کے متوازی تو سے متوازی تو سے متوازی تو سے متوازی تو سے متوازی ہوں کے۔ یوں، مساوات ۱۰۰ کا اطباق کرتے ہوئے، ہم محور کے متوازی تو سے متوازی تو سے متوازی تو سے متوازی ہو کور پر مساوات ۱۰۰ کا اطباق کمسکن میں ہے، جیسا آپ و کیھسیں گے، بعض محور کے انتخاب کی صورت مسیں ایک یا ایک سے زیادہ نامعسلوم تو سے متاری ہوں گی، جس کی بدولت مساوات ۱۰۰ کا حسل نسبتاً آسان ہوگا۔

آزمائشس۲

نمونی سوال ۲۱: افقی شهتیری متوازار بناما

شکل 5a.12 میں، کیت m=1.8 kg کی کیاں شہتیری، جس کی لمبائی L ہے، دو ترازو پر رکھی گئی ہے۔ کیت M=2.7 kg کی کیاں سل شہتیری پر رکھی گئی ہے۔ سل کا مسر کز شہتیری کے بائیں سرے L/4 و ناصلے پر ہے۔ ترازو کیے اوزن دیں گے ؟

کلیدی تصورات

سکونی توازن کا کوئی بھی مسئلہ حسل کرنے سے پہلے ذیل کرنا ہوگا: نظام کی نشاندہی کریں اور اسس کا آزاد جسمی حنا کہ بنائیں، جس پر تمسام تھ تو توں کی نشاندہی ہو۔ یہاں ہم شہر سیری اور سسل کو نظام مانے ہیں۔ اسس کے بعد، نظام پر قوت دکھائیں، جیس سٹکل 56.12 کے آزاد جسمی حنا کہ مسیں کیا گیا ہے۔ (نظام کے انتخاب کے لئے تحبیر بدور کار ہے، اور عصوماً ایک سے زیادہ ممکنات ہوں گے۔) نظام سکونی توازن مسیں ہے، المہذا قوتوں کے توازن کی مساوات کی اوات کی مساوات کی اوات (مساوات ۱۹۸۶) کااطلاق کمیاحبا مستولی سے دیادہ مسکونی توازن کی مساوات (مساوات ۱۹۸۶) کااطلاق کمیاحبا

 \vec{F}_{l} بائیں ترازہ سے شہمتیری پر عسودی قوت \vec{F}_{l} اور دائیں ترازہ سے عسودی قوت \vec{F}_{r} ہے۔ ہم ان قوت کی ت دریں حب نسبت ہیں۔ تجباذبی قوت شہمتیری کے مسر کز کیت پر عمس کرتی ہے۔ ای طسر جن سل پر تحب اذبی قوت سے \vec{F}_{g} ، جو \vec{R}_{g} \vec{F}_{g} ہو ترابر ہے، سل کے مسر کز کیت پر عمس کرتی ہے۔ تاہم، شکل طسر جن سابہ قوت سے \vec{F}_{g} ، جو \vec{F}_{g} کی دم اس نقطہ پر دکھی 5b.12 سابہ کی عضر ض ہے، سل کو نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے ، اور سمتی سے \vec{F}_{g} کی دم اس نقطہ پر دکھی

گئے ہے۔ (سمتیہ سے $\vec{F}_{g,0}$ کارخ تبدیل کیے بغیر، قوت کے خط عمسل پر سمتیہ کی گھساٹ ، شکل کو عصود دار کسی بھی محور پر، $\vec{F}_{g,0}$ کی قوت مسروڑ تبدیل نہیں کرتی۔)

قوتوں کا χ حبزوموجو دنہیں لہذامساوات ۱.۷ =0 کرنی معسلومات منسیں کرتی۔مساوات χ اور χ احبزاء کے لئے ذیل دیتی ہے۔ χ احبزاء کے لئے ذیل دیتی ہے۔

$$(Y.IA) F_l + F_r - Mg - mg = 0$$

 F_{r} اور F_{r} اور F_{r} ، موجود بین البذا بهیں تو سے مسروڑ کے توازن کی مساوات F_{l} ، موجود بین البذا بهیں تو سے مسروڑ کے توازن کی مساوات F_{l} بھی استعمال کرنی ہو گی۔ ہم مشکل F_{r} نے مستوی کو عصود دار کئی بھی محور گھی و پر مساوات کا اطالات کر سے بین آئیں شہر میری کے بئیں سرپر محور گھی اور کھ کر حسل کریں۔ ہم قوت مسروڑ کو عسلامت مختص کرنے کا عصوی طسریق بروئے کا لائیں گے: اگر سائن جم کو محور گھی و پر قوت مسروڑ گھٹری وار گھی نے کی کو شش کرے، قوت مسروڑ منفی ہو گی؛ اگر حسالات گھٹ کی کو شش کرے، قوت مسروڑ مثبت ہو گی۔ آخت مسین ہم قوت مسروڑ میں جو گی۔ آخت مسین ہم قوت مسروڑ F_{r} کی گئی سے میں بہر قوت میں جو گی۔ آخت مسین ہم قوت مسروڑ F_{r} کے لئے F_{r} مادر F_{r} کی گئی مسین کھتے ہیں، جباں F_{r} کے لئے F_{r} کی گئی مسین کھتے ہیں، جباں F_{r} کے لئے F_{r} کی گئی مسین کھتے ہیں، جباں F_{r} کے لئے F_{r} کی گئی مسین کھتے ہیں، جباں F_{r} کے لئے F_{r} کی گئی مسین کھتے ہیں، جباں F_{r} کے لئے F_{r} کی گئی مسین کھتے ہیں، جباں F_{r} کے لئے F_{r} کی گئی کے مسین کھتے ہیں، جبان میں کی کا میں میں کھتے ہیں۔ آگے کے گئی کی کو مسین کھتے ہیں۔ آگے کے گئی کے کہ کر مسین کھتے ہیں، جبان کی کو مسین کھتے ہیں۔ گئی کے کہ کر کی کھی کے کہ کی کو مسین کھتے ہیں۔ آگے کے گئی کی کو مسین کھتے ہیں۔ گئی کے کہ کا کھی کے کہ کی کو مسین کھتے ہیں۔ گئی کی کو مسین کھتے ہیں۔ گئی کو کسین کی کو کھتے کی کو کھی کی کو کھتے کی کو کھتے کی کو کھتے کے کہ کی کو کھتے کی کو کھتے کو کھتے کے کھتے کے کہ کر کر گئی کو کھتے کے کہ کی کو کھتے کے کہ کر کے کھتے کی کو کھتے کی کو کھتے کی کو کھتے کی کو کھتے کہ کر کھتے کی کو کھتے کہ کر کھتے کی کو کھتے کے کہ کر کے کہ کر کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کی کو کھتے کی کو کھتے کے کہ کر کے کہ کر کے کہ کو کھتے کی کو کھتے کو کھتے کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے

اب ہم توازن کی مساوات
$$au=0$$

$$(0)(F_l) - (L/4)(Mg) - (L/2)(mg) + (L)(F_r) = 0$$

جو ذیل دیگی۔

$$\begin{split} F_r &= \frac{1}{4} Mg + \frac{1}{2} mg \\ &= \frac{1}{4} (2.7 \, \mathrm{kg}) (9.8 \, \mathrm{m \, s^{-2}}) + \frac{1}{2} (1.8 \, \mathrm{kg}) (9.8 \, \mathrm{m \, s^{-2}}) \\ &= 15.44 \, \mathrm{N} \approx 15 \, \mathrm{N} \qquad () \\ &= 15.44 \, \mathrm{N} \qquad$$

نمونی سوال ۲۰۴: چول دار بازو متوازار بنایا

شکل 6a.12 میں آگیت $M=430\,\mathrm{kg}$ کی) تجوری کو معاون چول داربازو سے بلا گیت رستی کے ذریعے لئکاد کھایا گیا ہے۔ $m=85\,\mathrm{kg}$ ہے۔ بازو کی گیت $b=2.5\,\mathrm{m}$ ، اور افتح رسابلا گیت ہے۔

 \vec{T}_c کوت درکیاہے؟ \vec{T}_c کی تاریخ کی تاریخ کا کا تاریخ کی تاریخ کی تاریخ کا تاریخ کا

کلی تصورات

یہاں نظام چول دار بازوہے، جس پر عمسل پیسے راقوت شکل 6b. 12 گزاد جسمی حنا کے مسیں پیش ہیں۔ رسا سے بازو پر قوت \vec{T}_c ہازو پر قوت ہو آزاد جسمی حنا کے مسل کرتی ہے۔ چول سے بازو پر قوت کا نتصابی حب زو \vec{F}_c ، اور افقی حب زو \vec{F}_c ہے۔ رسی سے بازو پر قوت کا نتصابی حب زور گئی اور تجوری ساکن ہیں، اہلنہ نا \vec{T}_r کی وحد دری نظام کا مبدا \vec{F}_c کی وار کھتے ہیں۔ نظام سکونی آزان مسیں ہے، المبذا اس پر توازن کی مساوات کا اطباق ہوگا۔

حماج: مساوات ۹.۹ ($\vec{T}_c = 0$) عناز کرتے ہیں۔ یادر ہے، ہم قوت \vec{T}_c کی تصدر حبائت جی ہیں، ناکہ نقطہ \vec{C} پر موجود حیال پر عمسل پہیر اقوت \vec{F}_v آور \vec{F}_v کی مصدر یں۔ قوت مسروڑ کے حساب یوں \vec{F}_v اور \vec{F}_v حضار جم کرتے ہیں۔ یوں \vec{F}_v اور \vec{F}_v کی عضر ض ہے ہم نقطہ \vec{C} میں مشکل کے مستوی کو عصود دار محور گھیاو منتخب کرتے ہیں۔ یوں \vec{F}_v اور \vec{F}_v کی عضر اثر کابازو صنس ہوں گے۔ مشکل \vec{C} میں مصل کی مستوی کو عصود دار محول کو مصدر اثر کابازو صنس ہوں گے۔ مشکل \vec{C} میں۔ کابازو \vec{C} میں اور \vec{C} ہیں۔ کابازو \vec{C} ہیں۔

 $r_{\perp} r_{\perp} r_{$

(1.19)
$$(a)(T_c) - (b)(T_r) - (\frac{1}{2}b)(mg) = 0$$

ک جگہ Mg ڈال کر T_c کے لئے سل کر کے ذیل مساس ہوگا۔

$$T_c = \frac{gb(M + \frac{1}{2}m)}{a}$$

$$= \frac{(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})(2.5 \,\mathrm{m})(430 \,\mathrm{kg} + 85/2 \,\mathrm{kg})}{1.9 \,\mathrm{m}}$$

$$= 6093 \,\mathrm{N} \approx 6100 \,\mathrm{N} \qquad (3.6)$$

 $(_{-})$ چول سے بازو پر صافی قوت کی ت در F تلا $^{-}$ تاریخ

كلب ي تصور

 T_c ہمیں افقی حبزو F_h اور انتصابی حبزو F_v در کار ہیں، جن سے صافی قوت کی متدر F حاصل ہو گی۔ ہم حبانے ہیں لہذابازو پر قوت کی توازن کی مصاوات کا اطہاق کرتے ہیں۔

$$F_h-T_c=0$$
 زیل کھ کتے ہیں: $F_h-T_c=0$

اور يوں ذيل ہو گا۔

$$F_h=T_c=6093\,\mathrm{N}$$
انتصابی خبزوکے لئے ہم $F_v-mg-T_r=0$

ی جگہ Mg ڈال کر F_v کے لئے مسل کر کے ذیل مسل ہوگا۔

$$F_v = (m + M)g = (85 \text{ kg} + 430 \text{ kg})(9.8 \text{ m s}^{-2})$$

= 5047 N

مسئلہ فیثاغور شے استعال کرکے ذیل حساصل ہوگا۔

$$F = \sqrt{F_h^2 + F_v^2}$$

$$= \sqrt{(6093 \,\mathrm{N})^2 + (5047 \,\mathrm{N})^2} \approx 7900 \,\mathrm{N} \quad (\text{--}15.)$$

یادرہے، F کی قیت تجوری اور بازو کے محب موعی وزن: N 5000 N بیا افتی رسامسیں تناو: 6100 N سے کافی زیادہ ہے۔

نمونی سوال ۲۰۳: **دیوار کے ساتھ کھڑی سیر ھی**

شکل $L = 12 \, \text{m}$ ہے، جس کی دیوار کے ساتھ $L = 12 \, \text{m}$ ہو رکہت $m = 45 \, \text{kg}$ ہو ارکہت $m = 45 \, \text{kg}$ ہو ارکہت $m = 9.3 \, \text{m}$ ہو گور نہو ارکہت کو گھسٹری ہوگی ہو اور سیز ھی کا گھسٹری ہوگی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو تا ہے۔ مسراہ $m = 72 \, \text{kg}$ ہو تا ہے۔ ایک خیل سرے سیز ھی کے ہمسراہ $m = 72 \, \text{kg}$ ہو تا ہے۔ سیز ھی کے ہمسراہ گئی کہ، سیز ھی کے نجیلے سرے شخص کا مسرکز گئی ہو تا ہے۔ سیز ھی جسٹری کے ہمسراہ گئی گئی ہو تا ہے۔ سیز ھی کے نجیلے سرے شخص کا مسرکز گئی ہو تا ہے۔ سیز ھی دیوار اور مسٹر شش ہے تو توں کی متدریں کے ہو تا ہوں گی ؟

كلب دى تصورات

ہم شخص اور سیڑھی کو اپن نظام مان کر نظام کا آزاد جسسی حناکہ، جس پر عمسل پسیرا قوت دکھائے گئے ہیں، بناتے ہیں (شکل 76.12)۔ نظام سکونی توازن مسیں ہے، البندااسس پر قوت کی توازن اور قوت مسروڑ کی توازن کی مساوات (مساوات ۲۶.۷ تامساوات ۲۹.۷ تامساوات ۲۶.۷ تامساوات ۲۰۰۵ تامساوات کی مساوات کا درجا تامساوات مسکن ہے۔

حماہے: مشکل 7b.12 مسیں شخص کو سیڑھی پر نقطے سے ظہر کیا گیا ہے۔ شخص پر تحباذبی قوت Mg کے سمتیہ کو خط عمسال (سمتیہ قوت سے گزرتی اور اسس کے ہمسراہ لکسیسر) پر گھییٹ کر، سمتیہ کی دم نقطے پر رکھی گئی ہے۔ (قوت یوں منتقبل کرنے

ے، سشکل کو عصبود دار، کسی بھی محور گھماو کے لیے اظ سے قوت مسروڑ تبدیل نہیں ہوتی۔ یوں، قوت مسروڑ کی توازن کی مساوات، جوہم استعال کریں گے، اثر انداز نہیں ہوتی۔)

دیوارے سیڑھی پر صرف افقی قوت \vec{F}_{tv} عمل کرتی ہے (بلار گڑ دیوار پر رگڑی قوت موجود نہمیں ہو سکتی، اہلہ ذاسیڑھی پر دیوارے ہمسراہ انتصابی قوت صف ہوگی)۔ و سرمش سے سیڑھی پر قوت \vec{F}_{px} کا فقی حسنرہ وگی ۔ و سرمش سے سیڑھی پر قوت \vec{F}_{px} کا کا فقی حسنرہ \vec{F}_{px} ہے جو سکونی رگڑی گوت ہے۔ و جو عصودی قوت ہے۔

توت مسرور $au_\perp F$ روپ مسین ککھ کر، توازن کی مساوات $au= au_{r_\perp}$ ذیل ککھی جائے گی۔

(1.r)
$$-(h)(F_w) + (a/2)(Mg) + (a/3)(mg) + (0)(F_{px}) + (0)(F_{py}) = 0$$

(مثبت قوت مسروڑ منلان گھٹڑی گھماوے مترادن اور منفی قوت مسروڑ گھٹڑی وار گھماوے مترادن ہے۔)

سيرُ هي، ديوار، اور منسر سش مت ائم تكون بن تي بين، جس پر مسئله فيثاغور شه كااطسان ذيل ديگا-

$$a = \sqrt{L^2 - h^2} = 7.58 \,\mathrm{m}$$

اسے بعید،مساوات ۲۰۲زمل دیگی۔

$$F_w = \frac{ga(M/2 + m/3)}{h}$$

$$= \frac{(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})(7.58 \,\mathrm{m})(72/2 \,\mathrm{kg} + 45/3 \,\mathrm{kg})}{9.3 \,\mathrm{m}}$$

$$= 407 \,\mathrm{N} \approx 410 \,\mathrm{N} \quad (\text{--}1.5.)$$

اب جمیں شکل 7d.12 اور قوت کی توازن کی مساوات استعمال کرنی ہو گی۔ مساوات F_{i} ویل دیگی: $F_{w}-F_{px}=0$

لہٰناذیل ہو گا۔

رساوات $F_{i,y}=0$ ویل دیگی:

$$F_{py} - Mg - mg = 0$$

لہٰ۔ ذاذیل ہو گا۔

 $F_{py} = (M+m)g = (72 \text{ kg} + 45 \text{ kg})(9.8 \text{ m s}^{-2})$ = 1146.6 N \approx 1100 N (\(\frac{1}{2} \))?

نمونی سوال ۲۰۴۰ پییا کے جھ کا بڑج کا توازر

ف سنر ض کریں پیپ کابُرج، رواسس R=9.8 س کامٹ کی کیاں بسیان ہے، جو h=60 س بلند ہے۔ اسس کامٹ کر کر کی پیپ کابُرج، رواسس R=9.8 س کامٹ کر کی بیان بیٹ ن سید ساکھ کور پر، h/2 بلند کی پر پایا جاتا ہے۔ شکل R=1.2 میں بسیان دائیں طسر و ن (بُرخ کے جنوب جبان ب) 0.5=0 جی جی کہ جو سر کر کیست کو 0 مناصلہ دور کر تا ہے۔ میسان دائیں طسر من کریں، زمسین صرف دو قوت بُرج پر پیدا کرتی ہے۔ میسود کی قوت \vec{F}_{NL} بائیں (شمالی) دیوار پر، اور میسود کی قوت \vec{F}_{NR} میں کتنی فی صد تب یلی رونسا ہوتی ہے؟

كلب دى تصور

چونکہ بڑے گھٹڑاہے، یہ توازن مسیں ہوگاور کی بھی فقطہ کے لحیاظے اسس کر قوت مسروڑ کا محبوعہ صف ہوگا۔ حماجہ: ہم دائیں دیوار پر F_{NL} بہت بائیں دیوار پر F_{NR} بہت بائیں دیوار کے کر قوت مسروث حماجہ: ہم دائیں دیوار پر F_{NR} بہت بائیں دیوار کے کر قوت مسروث کا حساب کرتے ہیں۔ تعباد بی قوت کا حساب کرتے ہیں۔ تعباد بی قوت مسرکز کیت پر عمسل کرتی ہے، کا خط عمسل انتصابی ہے اور اسس کا معیار اثر کا بازو (چول سے خط عمسل کا عصود دار قوت کے ساتھ وابستہ قوت مسروڑ بُری کو گھٹڑی وار گھسٹے کی مسئٹ کرتی ہے البتذا سے منتی ہوگی۔ جنوبی دیوار پر عصود دار قوت کے ساتھ وابستہ قوت مسروڑ بُری کو گھٹڑی کو گھٹڑی کا منتسانی ہے، اور اسس کا معیار اثر کا بازو کی ہوگی۔ جولی دیوار پر عصود دار قوت کے ساتھ کا خط عمسل انتصابی ہے، اور اسس کا معیار اثر کا بازو کی ہوگی۔ جولی پر اسس قوت سے وابستہ قوت مسروڑ حنیان گھٹڑی گھٹ دیسید اگرتی ہے لہندا سے مثبت ہوگی۔ آئیں قوت مسروڑ کے توازن کی مساوات ($0 = \frac{1}{2}$ کا کھٹیں:

$$-(R)(mg) + (2R)(F_{NR}) = 0$$

جو ذیل دیتی ہے۔

$$F_{NR} = \frac{1}{2}mg$$

ہے۔ متیب بغیبر حسل کیے ہم حبان سکتے تھے: مسر کز کمیت وسطی محور پر پایا حباتا ہے، لہنہ ذا دایاں طسرون ہیلن کا نصف وزن اٹھا تا ہے۔

شکل 8b.12 میں مسر کز کمیت دائیں طسر نے منتقتل ہے، جب ال کا ذیل ہے۔

$$d = \frac{1}{2}h\tan\theta$$

R+d ہوگاور دائیں R+d ہوگاور دائیں عصوری قوت کا معیار اثر کا بازو ت در F'_{NR} نئی قیمت ہوگی (شکل 8d.12) یوں ذیل لکھ حباتا ہے:

$$-(R+d)(mg) + (2R)(F'_{NR}) = 0$$

جو ذیل دیگا۔

$$F'_{NR} = \frac{R+d}{2R}mg$$

اس نئ قیب کویرانی قیب سے تقسیم کرکے d کی قیب ڈال کر ذیل ہوگا۔

$$\frac{F'_{NR}}{F_{NR}} = \frac{R+d}{R} = 1 + \frac{d}{R} = 1 + \frac{0.5h \tan \theta}{R}$$

ار مسین $R=9.8\,\mathrm{m}$ ، اور $\theta=5.5^\circ$ ذال کرذیل نتیجہ حساس کرتے ہیں۔

$$\frac{F'_{NR}}{F_{NR}} = 1.29$$

یوں ہارے سادہ نمون کے تحت، اگر حیہ جھکاو بہت معمولی ہے، جنولی دیوار پر قوت مسین اضاف تقسریباً 30 فی صب بڑھاہے، جس کی وحب سے جنولی دیوار پیچیئنے کاخطہ رہ لاحق ہے۔ بارسٹس کے ساتھ بُرُنْ کے بنیجے سے مٹی نکل حبانا جھاو کی وجب بن ہے۔ بُرج کے نیجے پانی کے انعکاسس کانظام نسب کرکے جھکاویر وت ابویا پاگسیا ہے۔



م**قاصد** اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

ا. بلاتعسین صورت حبان یائیں گے۔

۲٫۳ کیک

- ۲. جبر،بگاڑ، اور مقیاس ینگے کے تعسلق کی مساوات تناواور داہے کے لئے استعال کریائیں گے۔
 - ٣. مغلوبي مفبوطي اوراخب رمضبوطي مسين منسرق حبان يائيں گے۔
 - ۴. جبر،بگاڑ،اورمقیاسس قینچ کی مساوات کااطسال قینچ کرنے (کاٹنے) کے لئے کریائیں گے۔
- ۵. ماقوائی داب، بگاڑ، اور مقیاسس حجم کے تعلق کی مساوات کااطلاق ماقوائی جبرے لئے کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• جسم پر قوتوں کی عمسل ہے جسم کے لحبی کی رویہ (منج ہونے) کو تین مقیاسس کیک بسیان کرتے ہیں۔ بگاڑ (لمبائی مسیں ک کسر کی تب یلی) اور اطلاقی جب (اکائی رقب پر قوت) کا (درج ذیل) رشتہ نظی ہے، جہاں تناسبی متقل مقیاسس کہا تاہے۔

• تان یادای کی صورت میں جبروبگاڑ کار شتہ ذیل لکھا حیا تاہے:

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

جہاں $\Delta L/L$ جسم مسین تان یاد ہے کابگاڑ، F بگاڑ پیدا کرنے والی لا گوقوت کی تدر، A عصود کی تراشش کارقب کے جسس پر A (رقبے کوعسود دار) لا گوگ گئے ہواور E جسم کامقیاسس پڑک ہے۔ جب رE ہوگا۔

قینج جب رکی صورت میں جسم کاجب روبگاڑر شنہ ذیل لکھا حب تاہے:

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{L}$$

جہاں $\Delta x/L$ جس کا تینج بگاڑ، Δx لاگو تو ت \vec{F} کے رخ میں جم کے ایک سر کا ہاو، اور \vec{G} جم کا مقب سن تینج ہے۔ جب \vec{F}/A ہوگا۔

• ماقوائی داب کی صورت مسیں جسم پر اطسر ان کاسیال جبر لاگو کرتاہے؛ جب روبگاڑ کار شتہ ذیل لکھا حبائے گا:

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

جباں p جہم پر سیال کا دباو (ماتوائی جبر) ہے، $\Delta V/V$ دباو کی پیدا (بگاڑ) جہم کے حب مسیں مطلق کسری تب یلی ہے، اور B جہم کامقیا سس حج ہے۔

بلا تعبين جسم

اسس باب کے مسائل مسیں ہمارے پاسس صرف تین عنسیر تابع مساوات ہوں گے؛ عسموماً توازن قوت کی دواور محور گلمباویر توازن قوت مسروڑ کی ایک مساوات ہو گی۔ یوں، اگر کسی مسئلے مسیں تین سے زیادہ نامعسلوم متغیب ہوں، ہم اسس کوحسل کرنے سے وت اصر ہول گے۔

غیب رمیٹاکل بوچھ سے لدے ہوئی گاڑی پر غور کریں۔ اسس سے حپاروں پہسیوں پر ایک دوسرے سے مختلف قوت کسیا بیں؟ چو نکہ ہمارے پاکس صرفت تین مساوات ہیں لہذان قوتوں کو معسلوم کرنا ممسکن نہیں۔ ای طسرح، تین پائے کے مسیز کا توازن کامسئلہ ہم حسل کر سکتے ہیں، تاہم حپار پائے کے مسیز کے لئے حسل مسکن نہیں ہوگا۔ اسس طسرح کے مسائل جن مسیں مساوات سے نامعسلوم مصادیر کی تعد اوزبادہ ہو، ملا تعلیج شم سہلاتے ہیں۔

اسس کے باوجود، حقیقی دنیامسیں بلا تعیین مسائل کے حسل موجود ہیں۔اگر آپ گاڑی کے پہسیوں کو حپار مختلف ترازو پر رکھسیں، یقینا ترازو غنیسر مبہم نتائج دیں گی؛ جن کا محب وعب عسین گاڑی کے وزن کے برابر ہو گا۔ایسی کونسی بات ہے جو ہم نہسیں حسانے،اور جس کے سنہ حسانے ہوئے ہم مسئلہ حسل کرنے سے متام ہیں؟

حقیقت ہے، ہے بغیبر، ہم جن اجسام پر سکونی توازن کی مساوات کا اطسان کرتے ہیں، ہم انہیں کا مسل استوار تصور کرتے ہیں۔ یعنی ہم منسرض کرتے ہیں کہ لا گو قوت ان اجسام کو کسی طسرح بھی منخ نہیں کرتی۔ در حقیقت کامسل استوار جم کہیں نہیں باباب تا۔ مشاہ گاڑی کے بیبے آس نی سے بوجھ تلے منخ ہو کر سکونی توازن کے مصام پر ہسیٹھتے ہیں۔

آپ کا واسطہ حیاریائے کے لؤ گھٹڑاتے مینزے ضرور پڑا ہو گا۔ایک پائے کے نیچے تہہ دار کاعن ذر کھ کر اے مستخلم کی حیاریائے کے لؤگھٹڑا کے مینز پر ہاتھی بٹھانے کے اگر مینز ٹوٹ سے حیائے، آپ یقین کر سے ہیں اسس کے پائے گاڑی کے پہسیوں کی طسرح من ہوں گے۔ حیاروں پائے زمسین کو مسس کریں گے، ان پر زمسین سے عصود دار تو تیں عنی مہم (اور ایک دوسرے سے مخلف) قیمت اختیار کریں گی، اور مسیز لڑ گھٹڑائے گانہ میں (شکل 9.12)۔ایی یا اسس سے ملتی حباتی صور توں مسین، جہاں من ہونا ہم تو سے کی انفٹ رادی قیمت کیے حبان سکتے ہیں؟

بلا تعیین مسئلہ حسل کرنے کے لئے، توازن کی مساوات کے ساتھ ہمیں کچک کی معسلومات بھی بروئے کار لانی ہو گی۔ طبیعیات کی وہ شاخ جو توت کے زیرالڑاجسام کے منخ حسانے کی بات کرتی ہے، کیک کہلاتی ہے۔

آزمائشس۳

چھت ہے کیساں سلاخ، جس کاوزن \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 تو سے اٹکایا گیا ہے، جو سلاخ پر اوپر وار \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 تو سے داکرتے ہیں۔ سٹکل ؟؟ میں سلاخ سپار مختلف نقطوں ہے باندھ کر لٹکایا گیا ہے۔ ان مسیں کو نمی صورت بلا تعیین ہے، اگر ہے بھی۔ (بلا تعیین صورت مسیں ہم \vec{F}_1 اگر ہے بھی۔ (بلا تعیین صورت مسیں ہم \vec{F}_1 ور \vec{F}_2 معیام نہیں کریا مُیں گے۔)

indeterminate^r

بہت سارے جوہر، تین بُعدی حبالی مسیں متوازن مصامات پر ہسٹے کر ، دھاتی جم ، مشاباً ، کسیل بن تے ہیں۔ تین بُعدی حب کی بخت کے جوہر ہو تا ہیں۔ جنہیں سشکل حب کی بخت کی جنہیں سشکل مسیں اسپر نگے ہے اور اسس مسیں ہر جوہر ہو تو ہیں ، جنہیں سشکل مسیں اسپر نگے ہے خاہر کسیا گیا ہے ، جوہر کو اپنی جگہ پر رکھتی ہیں۔ سے حبالی حسیر سے کن استواریت رکھتی ہیں۔ سے حب المحت کن استواریت المسین اسپر نگے بہت زیادہ اکر ہوں گے۔ یہی دوسر نے لفظوں مسین میں جوہر تو تین ہوہر کو اپنی جگھتے ہیں۔ ہاں ربڑ اور اکر ہوں گے۔ یہی دوسب ہے ، ہم عسام اجسام ، مشلاً ، دھاتی سیڑھی ، مسین ، اور چھج کو کامسل استوار سیجھتے ہیں۔ ہاں ربڑ اور پائے ایک اجسام ہمیں استوار خابی ہمیں بن تے۔ ان اجسام کے جوہر سشکل 10.12 کی طسرح استوار حبالی ہمیں بن تے ؛ بلکہ یہ سالت کی کیسی بن کے جوہر سشکل جھتا گئی رکھتے ہیں۔

حقیقی"استوار" اجسام کی حد تا کی ہوں گے، اور یوں انہ میں دباکر، تان کر، اور مسروڑ کر ہم ان کی مشکل وصور معمولی تبدیل کر سکتے ہیں۔ در پیش معتادیر حبانے کے لئے، چست سے انتصابی کسٹی فولادی سلاخ پر غور کرتے ہیں، جس کی کہائی سال اور قطسہ 1 cm ہے۔ سلاخ کے سرے چھوٹی گاڑی لؤکانے سے سلاخ کی لمبائی مسیں 0.5 mm یعنی % 0.05 کا صنوب ، دوگا۔ مسئید، گاڑی ہئانے پر سلاخ دالیس اپنی اصل لمبائی اختیار کرتی ہے۔

سلاخ سے دوگاڑیاں لئکانے پر، سلاخ ہمیشہ کے لئے تھنچ حباتی ہے، اور وزن ہٹانے سے اصل لمب کی افتیار نہیں کرتی۔ تین گاڑیاں لئکانے پر، سلاخ ٹوٹ حباع گی۔ عسین ٹوٹے سے قبل، لمب کی مسیں اضاف ہوگا۔ اگر چہدار کے افسان مسیں تبدیلی زیادہ نہیں، انجیسئری مسیں اسس کے دور رسس نتائج ہوں گے۔ (آیا جہاز کا پُر جہاز کے ساتھ حبڑارہے گا، بقیدینا، بہارہ ہیں۔ کے حسامسل بات ہے۔)

تی خ طریقے۔ قوت لاگوکرنے پر، ٹھوسس جم کاطول و عسر ض تین طسر ت تبدیل ہو سکتا ہے۔ شکل 11a.12 میں ہیسان کھنچ کر لمب کسیا گئی ہے۔ کسی ہیسان منح کسیا گئی ہور کو عصود دار قوت لاگوکر کے ہیسان منح کسیا گئی ہیں کور کو عصود دار قوت لاگوکر کے ہیسان منح کسیا گئی ہے۔ منح شکل 11c.12 میں ٹھوسس جم رکھ کر بلٹ دالب کے زیرا اثر تسم اطسران ہے جم میں بگا گئی ہونے کی ان تین صور توں مسیں سے بات مشتر کے ہم جم بھی اکائی رقب پر لاگو قوت، جم مسیں بگا گئی ہونے کہ چمر ہی بعنی اکائی رقب پر لاگو قوت، جم مسیں بگا گئی ہونے کی ان تین صور توں مسیں سے بات مشتر کے ہم جم میں بالگا گئی ہونے کہ جم میں بالگا ہے۔ منظل 11c.12 مسیں ماتوائی ہم ہم کسیں بالگیا ہے۔ دکھی باگس ہے۔ دکھی باگس ہے۔ دکھی باگس ہے۔

جب راور بگاڑ شینوں صور توں مسیں مختلف روپ اختیار کرتے ہیں، تاہم انجین سنری کے معتاص دے لئے جب راور بگاڑ راست مستناسب ہیں۔ راست مستناسب کامستقل مق**یار کر کیک** کہلا تا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$(1.77)$$
 جبر \times مقب $=$ جبر

تن وی حناصیہ کے معیاری پر کھ مسیں پر کھی ہیان (جیب شکل 12.12 مسیں دکھیایا گیا ہے) پر تن وی جب رصنسر قیمت سے آہتہ آہتہ بڑھیایا جہ کہ کہ جیان ٹوٹ حبائے، اور ساتھ ساتھ بگاڑ ناپ کر ترسیم کی حباتی ہے۔ یوں شکل 13.12 کے طسرز کی جب بالمقابل بگاڑ ترسیم حیاصل ہوگی۔لاگو جب کی وسیع حید تک جب راور بگاڑ کا تعلق خطی ہے، اور جب رہٹانے پر پر کھی جم والیس اصل طول وعسرض اختیار کرتا ہے؛ اسس خطی خطے مسین مساوات۔ ۲۰۲۲

stress"

strain'

modulusofelasticity2

کااط لاق ہوگا۔ پر کھی جسم کی مغلوبی مضبوطی کی مخاولی مضبوطی کے جب ربڑھانے پر جسم ہمیث کے لئے منے ہو جب تاہے۔ جب رمسلس بڑھانے پر جب اخیر مضبوطی 8 کو پنچتاہے، جسم ٹوٹ سباتاہے۔

تان اور داــــــ

F ان یا دار ہے گئے ، جم پر جب رکی تعسر یف F/A ہے ، جب ال جم کے رقب A پر عصود دار توت کی تعسر کی است بیلی ہوگا ۔ اگر ہے ۔ بگاڑ ہے مسراد کے بُعد معتدار A کا بھار ہے ، جم کی لب انکی مسین کسری (یا بعض اوت نے مسرات کی مسلولی ہوگا ۔ اگر جم ایک جم ایک لبی سلاخ ہو اور جب رمغسلولی مضبوطی ہے تحب اوز نہ کرے ، ناصر نے پوری سلاخ کا بگاڑ بلکہ اس کے ہم کھڑے کا بھاڑ ۔ و یک بھار گئر ہے کا بھاڑ ہو جب رکا ہے ؛ دو یک ہوگاڑ کے بعد ہے ، مساوات ۱۱۲۲ مسین مقیبا سس کے بُعد وہی ہوگا جو جب رکا ہے ؛ لیک تو ہے نوال کا کی رقب ۔

تنادی اور دباوجب رکے مقیاس کو مقیاس پنگ اکتے ہیں، جس کو انجین کی مسیں E سے ظاہر کیا حباتا ہے۔ یول مساوات ۱۲۰ دنیل رویا افتیار کرتی ہے۔

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

جم مسیں بگاڑ ΔL/L باآ ن ل**گاڑو پیا** "ے ناپاحبا تاہے (شکل 14.12)، جس کو جم کے ساتھ گوند سے جسپاں کیا حبا تا ہے۔ ہے؛ اسس کے برتی خواص بگاڑیر مخصد میں، جنہیں ناہے کربگاڑ ناپاحبا تاہے۔

اگر حب تان اور داب دونوں مسیں جم کامقیاس نیگ تقسریباً ایک ہوسکتا ہے، جم کی اخب مضبوطی جب رکے دوقعموں کے کے انگر کے ان اور داب مسیں انتہائی مضبوط لیسکن تان کا مسیں انتہائی مسیں انتہائی مسیں انتہائی مسیں انتہائی مسیں انتہائی کے جنداشیاء کے مسیں اتنی کمسزور کہ تان کی صورت مسیں کہ میں استعال نہیں ہوتی۔ حبدول ۲۰۱۱ مسیں انجین نری دلچپی کے چنداشیاء کے مقیاسس نیگ اور دیگر کپی کی خواص چیش ہیں۔

قينج

قیخ کی صورت مسیں بھی جب رنی اکائی رقب قوت ہوگا، تاہم قوت سمتیر رقبے کے مستوی مسیں ہوگانا کہ رقبے کو عسود دار۔ بگاڑ لے بُعد نسبت $\Delta x/L$ ہوگا، جب اس معتادیر کی تعدیف شکل 11b.12 مسیں پیش ہے۔ مطابقتی مقیاس، جس کو انجیت مزی شعب مسیں G ہے ظہر کیا جب تاہے، کو مق**یاس قین** ^{۱۱} کہتے ہیں۔ قینج کے لئے مساوات ۲.۲۲ ذیل کھی حبائے گی۔

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{L}$$

گھے وکے دوران بو جھ پڑنے پر دھے را قینج سے ٹوٹت ہے اور جھکنے کے دوران ہڈی قینج سے ٹوٹتی ہے۔

yieldstrength[^]

ultimatestrength

Young'smodulus"

straingauge"

shearmodulus¹

کے چین د کھی کی خواص	تخب اسشياء	نے مری دلچیں کے م ^ن	حبدول۱۰۲:۱نجیس

مغلوبي	اخير	مقياس		
مغــــاوبی مضبوطی S _y	S_u مضبوطی	ي <i>گ</i> ــــــ E	ho کثافت $ ho$	
(10^6Nm^{-2})	(10^6Nm^{-2})	(10^9Nm^{-2})	(kgm^{-3})	ماده
250	400	200	7860	فولاد
95	110	70	2710	سلور
_	50	65	2190	ثيثه
_	40	30	2320	كأنكرييك
_	50	13	525	لكڑ
_	170	9	1900	ہڈی
	48	3	1050	پالی اسٹرن

ماقوائی جب ر

شکل 11c.12 مسیں سیال کا دباو (فشار سیال) p جم پر جب رپید اگر تا ہے، اور جیب آپ باب 14 مسیں دیکھیں گے۔ دباو کی تعبیر نیا کا دباو کو قوت ہے۔ بگال $\Delta V/V$ ہوگا، جب ال جسم کا اصل (ابت دائی) حجم V اور حجم مسیں تبدیلی کی مطابق قیمت ΔV ہے۔ مطابق مقیاس جم سے مطابق قیمت ΔV ہوگا، جب کی عطامت ΔV ہے۔ مطابق مقیاس جم سال تا ہے۔ ہم تبدیلی کی مطابق قیمت ΔV ہوگا، جب رپکاراحب سکتا ہے۔ یہ اور دباو کو ما توائی جب رپکاراحب سکتا ہے۔ یہ اس مساوات ۲۰۲۲ ذیل کھی حب کے گ

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

 J^{10} یا نی کے لئے مقیاس جہم $N \, m^{-2} \, N \, m^{-2}$ اور فولاد کے لئے مصد دی $N \, m^{-2} \, N \, m^{-2}$ ہے۔ بحسر الکائل کی تہم میں بہر واوسط سا $N \, m^{-2} \, m^{-2}$ ہوگا۔ اس گہر ان کی بی نی کے حبم میں کہر تہم کے لئے صوف کہ قوسس میں کسری شب یلی $\Delta V/V$ کی قیست $N \, m^{-2} \, m^{-2} \, m^{-2} \, m^{-2}$ اجسام، استواد جوہری حبالی کی بدولت، سیال سے کم داب پذیر ہوں گے، جس مسیں جوہر یا سالسہ مستر بی جوہر یا سالسہ کے ساتھ کمنزور جھگی رکھتا ہے۔

نمونی موال ۲۰.۵: کمچنچے سلاخ میں جبر اور بگاڑ فولادی سانٹ کاایک سسر مشکنیہ مسیں پکڑ کر، دوسسرے سسر کی سطح پر F = 62 kN متدر کی عصود دار قوت (سطح پر کیساں)لاگو کرکے سانٹ کیچنی حساق ہے۔ قوت لاگو کرنے سے قبل، سیانٹ کارداسس R = 9.5 mm اور لمسائی = L 81 cm

bulkmodulus"

کلیدی تصورات

(1) سان کے سر پر قوت عصود دار اور یکساں ہے المہذا قوت کی متدر F اور رقب A کی نسبت، جبر ہوگا۔ مصادات T کا بایاں ہاتھ کی نسبت ہے۔ (2) طوالت ΔL کا جبر اور مقیاسس ینگ E سے تعساق مصادات $(F/A = E\Delta L/L)$ ۲.۲۳ کا بایال E کی نسبت بگاڑ ہوگا۔ $(F/A = E\Delta L/L)$ ۲.۲۳

حماج: جبر تلاسش كرنے كے لئے ہم درج ذيل لكھتے ہيں۔

$$\Rightarrow \frac{F}{A} = \frac{F}{\pi R^2} = \frac{6.2 \times 10^4 \text{ N}}{(\pi)(9.5 \times 10^{-3} \text{ m})^2}$$

$$= 2.2 \times 10^8 \text{ N m}^{-2} \quad (\text{A})$$

 $_{2.5} \times 10^{8} \, \mathrm{N \, m^{-2}}$ ہوگا۔

فولاد کامقیاسس ینگ حبدول ۲۰۱۱ سے دکھ کرمعلوم کرتے ہیں۔ یوں مساوات ۲۰۲۳ سے ذیل طوالت حساسل ہو گا۔

$$\Delta L = \frac{(F/A)L}{E} = \frac{(2.2 \times 10^8 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-2})(0.81 \,\mathrm{m})}{2.0 \times 10^{11} \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-2}}$$
$$= 8.9 \times 10^{-4} \,\mathrm{m} = 0.89 \,\mathrm{mm} \quad (\text{---})\text{s})$$

بگاڑ ذیل ہو گا۔

$$\frac{\Delta L}{L} = \frac{8.9 \times 10^{-4} \,\mathrm{m}}{0.81 \,\mathrm{m}}$$
$$= 1.1 \times 10^{-3} = 0.11 \,\% \quad (\text{)}$$

نمونی سوال ۲.۶: لر کھواتے میز کا توازار

 $d=0.50\,\mathrm{mm}$ ایک میبز کے تین پائے $d=0.50\,\mathrm{mm}$ اور چوکات $d=0.50\,\mathrm{mm}$ اور میبز کے تین پائے کہ دولت میبز کو گھٹ راتا ہے۔ میبز پر $d=0.50\,\mathrm{mm}$ کے میبز پر والب ہوتے ہیں اور میبز کے میبز پر والب ہوتے ہیں اور میبز کے کہا ور این کا عصودی تراسٹ رقب $A=1.00\,\mathrm{mm}$ کے کہا ہور کا کہا گوگ کے بیں اور این کا عصودی تراسٹ رقب $C=1.00\,\mathrm{mm}$ کے میبز کے پایوں پر قوت کی میبر کی کے میبز کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے میبر میبر کے میبر کے میبر کے میبر کی کی میبر کی میبر کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے میبر میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کی کو کریں۔

كليدى تصورات

ہم مینز اور فولادی ہیلن کو نظام مانے ہیں۔ صورت حسال مشکل 9.12 کی طسرح ہے؛ منسرق صرف اتنا ہے کہ یہاں میں: پر فولادی ہیلن رکھا گئیا ہے۔ اگر مینز کا بالا تخت استواسط ہو، پائے لاز مأدرن ذیل طسرح زیر داہب ہوں گے: ہر چھوٹاپایا برابر دباہوگا(ہم اسس مقد دار کو AL3 کلھتے ہیں) اہندا اسینوں پر قوت کی ایک جنتی صدر 73 عمسل کرے گی۔ واحد لمسایایا ٣٠. يك____ ٢٠٣

زیادہ دیے گا جس کو ہم کہ کہ کھتے ہیں) اہنے ااسس پر قویہ کی متدر F_4 بڑی ہو گی۔ دوسسرے لفظوں مسیں میپ زکا تخت ہاستواہونے کی صوریہ مسین ذیل ہوگا۔

$$\Delta L_4 = \Delta L_3 + d$$

ماوات $\Delta L = FL/AE$ وی میں تبدیلی اور اسس تبدیلی کوپیدا کرنے والی ت در کا تعساق $\Delta L = FL/AE$ وی جہاں پائے کی اصل لمب کی $\Delta L_3 = \Delta L_4$ میں $\Delta L_4 = \Delta L_5$ اور $\Delta L_5 = \Delta L_5$ اور $\Delta L_5 = \Delta L_5$ میں میں تعبال کیا جب میں میں تبدیل کیا ہے۔

حماج: یوں اسس تعلق نے ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$\frac{F_4L}{AE} = \frac{F_3L}{AE} + d$$

اسس مساوات مسين دونامعلوم معتادير، F_4 اور F_3 ، بين البنداات مسل كرناممكن نهين م

اور F_3 کی دوسری میاوات کھنے کی عضرض سے ہم انتصابی y محور منتخب کر کے انتصابی قوتوں کی توازن کی F_4 میاوات (F_{3-y-1}) کھتے ہیں:

$$3F_3 + F_4 - Mg = 0$$

جب نظام پر تحباذ بی قوت Mg کے برابر ہے۔ (تین پایوں پر قوت \vec{F}_3 ہے۔) ہمسز ادمساوات ۱۳۷ ورمساوات ۱۳۷ مشل $F_4 = Mg - 3F_3$ کھے کرمساوات ۱۳۷ مشل وات برابر کے لئے ہم مساوات ۱۳۷ مشل وات برابر کے لئے مسل ہوگا۔

$$\begin{split} F_3 &= \frac{Mg}{4} - \frac{dAE}{4L} \\ &= \frac{(290\,\text{kg})(9.8\,\text{m}\,\text{s}^{-2})}{4} - \frac{(5.0 \times 10^{-4}\,\text{m})(10^{-4}\,\text{m}^2)(1.3 \times 10^{10}\,\text{N}\,\text{m}^{-2})}{(4)(1.00\,\text{m})} \\ &= 548\,\text{N} \approx 5.5 \times 10^2\,\text{N} \qquad (\text{...}\text{s}) \end{split}$$

مساوات ٢٠٢٨ سے ذیل حساصل ہوگا۔

$$F_4 = Mg - 3F_3 = (290 \text{ kg})(9.8 \text{ m s}^{-2}) - 3(548 \text{ N})$$

 $\approx 1.2 \text{ kN}$ (—)£)

آپ د مکھ سکتے ہیں کہ ہر چھوٹاپایا 0.42 m اور لمب پایا m 0.92 دباہے۔

نظب رثانی اور حنلاصی

سکونچ تواز ہے جب استوار جم س کن ہو ہم کہتے ہیں وہ سکونچ تواز ہے مامسیں ہے۔ایے جم پر بسیہ و فی قوتوں کا سستی محب و عب صنب رئے برابر ہوگا۔

$$\vec{F}_{i}$$
 $= 0$ (توازن قوت $= 0$ (توازن قوت)

اگرتمام قوت بع مستوی مسین ہول، ہے۔ ستی مساوات زیل دوجبزوی مساوات کی معادل ہے۔

$$F_{i,-1,2}$$
 اور $F_{i,-1,2}=0$ اور $F_{i,-1,2}=0$ اور $F_{i,-1,2}=0$ (آوازن آوت اور نام ۲۰۵۰)

سکونی توازن سے بے بھی مسراد ہے کہ کسی بھی نقط کے لحباظ سے جسم پر ہیسرونی قوت مسروڑ کا سستی مجب وعب صنسر کے رابر ہوگا۔

$$\vec{\tau}_{i_{0}} = 0$$
 (۲.۵) $\vec{\tau}_{i_{0}} = 0$ (۲.۵)

اگر قوت xy مستوی مسین ہوں، تمام قوت مسروڑ سمتیات محور ترکو متوازی ہوں گے، اور مساوات ۲.۵ ذیل واحد حسن وات کی معاول ہوگا۔

(1.9)
$$\tau_{i,j} = 0 \quad (\tilde{z}_{0}) = 0$$

مرکز کمیتے جم کے ہر ھے پر تحباذ بی قوت انف رادی طور پر عمس کرتی ہے۔ انف رادی اعمال کاصافی اڑ جب نے کے لئے جم کے مرکز کمیتے پر مساوی کل تحباذ بی قوت \vec{F}_8 تصور کرنا ہوگا۔ اگر جم کے تمسام صول پر ثقلی اسسراع تی ایک ہو، مسر کز کمیتے اور مسر کز ثقل ایک نقل ہر ہول گے۔

مقیار کی جم پر عمسل پیراتو توں کو جم کارد عمسل، جو منج ہونے کی صورت مسیں ہوگا، تین مقیار کی ہے ہیاں کی ہے ہیاں کی سیاحب تا ہے۔ لگاڑ (لمبائی مسیں کسری تبدیلی) اور جم (اکائی رقبے پر قوی) کا تعسلی خطی ہے، جہاں تناسب کا مستقل مقیبا کسس کہا تا ہے۔ ان کاعب مومی رشتہ ذیل ہے۔

$$(4.rr)$$
 جبر \times مقیاس $=$ جبر

ال اور داج جب جم تان یاداب کے زیراثر ہو، مساوات ۲۰۲۲ زیل کھی دبئ گا:

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

 \vec{F} جہاں $\Delta L/L$ جم کا تناوی بگاڑیا دباو بگاڑ ہے، F لاگو توت \vec{F} کی تندر ، A وہ رقب عصودی تراش ہے جس پر توت F (شکل 11a.12 میں عصود دار) عمسل کرتی ہے، اور E جم کا مقیاس پینگ ہے۔ جب رE ہوگا۔

staticequilibrium 10

٣٠٠. يكيـــــ

قیز کی جب جم جب قینے کے زیراز ہو، مساوات ۲۰۲۲ ذیل لکھی حبائے گی:

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{L}$$

جہاں $\Delta x/L$ جم کا بگاڑ تینے ہے، Δx لاگو توت \vec{F} کے رخ (جیب شکل 11b.12 مسیں و کھیا گیا ہے) جم کے ایک حسر کا بٹاو ہے، اور G جم کا مقیار سے تینے ہے۔ جب رہ F/A ہوگا۔

ما قوائی جمر جب تمام اطسران ہے سیال کا دباوجہم پر ما قوائی دباوڈالت ابو،مساوات ۲۲.۲۲ زیل کامی حب ئے گی:

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

جہاں جسم پرسیال کی وجب سے دباو (ماتوائی جبر) p ہے، بگاڑ $\Delta V/V$ جسم کے تحب مسیں p کی ہدولت مطاق کسری تبدیلی ہے، اور B جسم کا مقلیاتی تجم ہے۔

سوالا ____

سوال ۱۰: سلاخ کا ایک سے دیوار پر چول ہے جوڑا گیا ہے، جبکہ سلاخ کا دوسسرات رتی ہے باندھ گیا ہے (شکل 15.12)۔ ککھ کر حساب کے بغیب دی گئی تین صور توں کی در حب بہندی (۱) رتی ہے سلاخ پر قوت، (ب)سلاخ پر چول کے انتصابی قوت، اور (ج) چول سے سلاخ پر افقی قوت کی ت در کے لیے ناظے میں اعظے قیت اول رکھ کر، کریں۔

سوال ۱۹.۲: استوار شهبتیر دوستون پر رکھ گیا ہے جو زمسین مسیں دھنے ہوئے ہیں (مشکل 16.12)۔ بجساری تجوری چھ مختلف معتامات پرباری باری باری کی حباتی ہے۔ شہبتیر کی کیت نظسر انداز کریں۔(ا)ستون A پرزیادہ سے زیادہ داب اول رکھ کر اور زیادہ سے زیادہ تان آحنسر مسیں رکھ کر، ان معتامات کی در حب بسندی کریں، اور وہ معتام (اگر موجود ہو) معسلوم کریں جو ستون پر صفسر توت دیگا۔ (ب)ستون B پر توت کے لحاظ سے ان معتامات کی در حب بسندی کریں۔

سوال ۱۹.۳: گومتے ہوئے یک ال متسرص، جو بلار گڑ منسر سٹس پر پھسل کر حسر کت کر تاہے، کے فصن کی حب نزہ سشکل 17.12 میں پیشن ہیں۔ ہر ایک متسرص پر ۶، اور عالم تاہد کا دور کا قت در کی تین تو تیں حب کر پر، یا وسط پر، اور یاچکا اور وسط کے نصف من صلے پر، عمس کرتی ہیں۔ قوت سمتیات مسین ان کالمحاتی رخ دائیں یابائیں ہے۔ کون کون ہے۔ کون کون ہے۔ مسین میں ہیں؟

سوال ۱۰.۳: ایک سیڑھی بلار گردیوار کے ساتھ کھٹڑی ہے، جبکہ منسرسٹس کی رگڑی قوت اسس کو پھٹل کر گرنے ہے روئی ہے۔ درکے لیاظ روئی ہے۔ منسر ض کریں آپ سیڑھی کے پیند اکو دیوار کے متریب لاتے ہیں۔ بتا کیں درئ ذیل مسیں کون ت درکے لیاظ سے بڑھت ہے، گوشت ہے، یاوبی رہت ہے؟(ا) منسرسٹس سے سیڑھی پر انتصابی قوت، (ب) دیوار سے سیڑھی پر قوت، (ج) منسرسٹس کی سیڑھی پر سکونی رگڑی توت، اور (د) سکونی رگڑی قوت، کرزیادہ تیمت بیند ترجی کے۔

سوال ۲۰۵۵: پار تھا وہ اپر ندے شکل 18.12 مسیں تین بلا کمیت سلاخوں سے لینے و کھائے گئے ہیں۔ تمام سلاخ افتی ہیں۔ ہم سلاخ افتی ہیں۔ ہم سلاخ افتی ہیں۔ ہم سلاخ کی کمیت ہیں۔ ہم سلاخ کے بائیں سسر سے ایک چوٹھتائی وضاصلے پر باند ھی گئی ہے۔ اگر پر ندہ 1 کی کمیت میں اور کی پر ندہ 2 کی کمیت کسیاہو گئ ؟ سے 18.4 لیسے کسیاہو گئ ؟

سوال ۲۰۱۱: یکسال ڈنڈا، جس پر حپار قوت عمسل کرتی ہیں، کافصنائی حبائزہ شکل 19.12 مسیں پیش ہے۔ منسر ض کریں ہم محور گرسی ہیں۔ کی افعان کریں ہم محور گرسی ہیں۔ کی آقت مسروڑ تو ازن مسیں ہیں۔ کی آقت مسروڑ تعان مسیں ہوں گی اگر ہم محور گھساو(۱) نقط A پر (ڈنڈے پر)، (ب) نقط B پر (ڈنڈے کی سیدھ مسیں)، (ج) نقط C پر افتان مسیں ہوں گی ایک حبان ہیں۔ کی انقط کی کرائی نقط C پر قوت مسروڑ تو ازن مسیں نہیں ہیں۔ کی کو نقط ایس ہوں گی جس کروڑ تو ازن مسیں نہیں ہیں۔ کی کو نقط ایس ہوں گی جس کو گی نقط ایس ہوں گی جس کروڑ تو ازن مسیں ہوں گی جس کو کروٹ نقط کی جس کو گو کروٹ کی مسید کروٹ کو ان مسیں ہوں گی جس کو کروٹ کی کروٹ کو کروٹ کی کروٹ کروٹ کی کروٹ کروٹ کی کر

سوال ۱۹۸۸: تین کھلونے بلا کی۔ جبر تقلیل اور ڈور کے نظام سے لیکے ہیں (مشکل 21.12)۔ ایک ڈور چھت سے لئک کر دائیں جب تقلیل ہے ہوکر آخٹ کا بائیں ہاتھ تحیلے حب تقلیل پر اختتام پذیر ہوتی ہے۔ جب تقلیل کے گر دؤور آدھ سال کے کہ کہ جب کہ تقلیل سے ، لئکائے گئے ہیں۔ دو کھلونوں کا وزن حیکر کسٹی ہے۔ دیگر چھوٹی ڈور سے حب تقلیل ہے، لئکائے گئے ہیں۔ دو کھلونوں کا وزن دیا گئے ہے۔ (اٹ ایک جب شقیل ہے۔ (ا) تیسرے کھلونے کا وزن کیا ہے؟ (اٹ ارہ: جب ڈور ایک حبر تقلیل کے گرد آدھ حیکر کائے، حب تقلیل پر ڈور کی تان کی دگی تو سے عمل کرتی ہے۔)(ب)ہئیں ہاتھ چھوٹی ڈور، جس کی نشاندہی ۲ سے کی گئے ہے، مسیں تان کتن ہے؟

سوال ۲۰۹: انتصابی سلاخ کا محیلا سر چول دار ہے جبکہ اسس کا بالا سر رسی سے سندھ ہوا ہے (شکل 22.12)۔ سلاخ پرافتی قوت بہ آئی ہے۔ قوت لاگو کرنے کا نقط بلند کرنے سے کسیار سی مسیں تان بڑھتی ہے، گھشتی ہے، پاتسہ مل نہیں ہوتی؟

سوال ۱۰:۱۰: افقی سل دور شیوں ، A اور B ، b سنگی b (23.12) ماسوائے ابت دائی لمب ائیوں کے ، رسیاں مت ش b بین b بین b بین b اور b اور

سوال ۱۰.۱۱: ویل حبدول مسین تین سلاخوں کی ابت دائی لمبائیاں اور سلاخوں کے سسر پر قوت لاگو کرنے کے بعسہ لمب یکوں مسین تنب بلی پیش ہے۔ بگاڑ کے لیاظ ہے، اعظم قیمت اول دکھ کر، سلاخوں کی درجب ببندی کریں۔

لهبائى مسين تسبديلي	ابت دائی لمب ائی	
ΔL_0	$2L_0$	سلاخ A
$2\Delta L_0$	$4L_0$	سلاخ B
$4\Delta L_0$	$10L_{0}$	سلاخ C

٣٠. پايـــــــ

سوال ۱۰: سے جب ر تقتیل مشکل 24.12 میں دکھے گئے ہیں۔ ایک لجی رسی تمام حب ر تقتیل کے گرد لیپٹی ہے، جب کہ چھوٹی رسیاں حب ر تقتیل کے گرد لیپٹی ہیں۔ ایک کے عسلاوہ تمام وزن (نیوٹن مسیں) ویہ جب کہ چھوٹی رسیاں حب ر تقتیل کے جوزن کتنا ہے؟ (اشارہ: جب رسی حب ر تقتیل کے گرد نصف دائرہ لیپٹی ہو، حب ر تقتیل پر قوت رسی کے سناد کو گئی ہو، کا گئی ہے، مسین تان کتنی ہے؟

سوالا___

توازن

سوال ۲۰: روز مسرہ اجبام کی پوری جسامت پر g اتن معمولی تبدیل ہوتا ہے کہ کسی بھی جسم کا مسرکز کیت اور مسرکز ثقل ایک تصور کسی جسباں کے زیادہ تبدیل ہوتا ہو۔ شکل 25.12 مسیں تقل ایک تصور کسی جباں کے زیادہ تبدیل ہوتا ہو۔ شکل 25.12 مسیں چھ وزر دو قطار مسیں ، بلا کمیت سانوں کے ڈھسانچ پر حبکڑا گسیا ہے۔ ہر ذرے کی کمیت m = - کسنارے پر وحسر بی و زروں کے بی قیات (m = - مسیں) دیتا ہے۔ دیا خروں کے بی فیام مسیل کرتے چھ وزروی نظام کے مسرکز کمیت کا (ا) x محدد مرزی سے x اور (ب) y محدد مرزی سے y اور (و) کی محدد مرزی کی تقام کے مسرکز ثقل کا (ج) x محدد مرزی x اور (و) y محدد مرزی کی تقام کی مسرکز ثقل کا (ج) x مصرکز ثقل کا (ج) x مصرکز تقل کا (ج) x مسرکز کی مصرکز تقل کا (ج) x مسرکز کی مصرکز کھی کے دروی نظام کے مسرکز ثقل کا (ج) x مصرکز تقل کا (ج) x میں دروں کی خود میں کریں۔

g	ذره	8	ذره
7.40	4	8.00	1
7.60	5	7.80	2
7.80	6	7.60	3

سکونی توازن کی چیند مثالیں

سوال ۱۹.۲: ایک گاڑی، جس کی کیت 1360 kg ہے، کے انگلے اور پچلے دھسروں کے نی m 3.05 سناصلہ ہے۔ مسرکز کمیت انگلے دھسرے سے 1.78 سیواز مسین پر کھسٹری گاڑی کے(ا) انگلے پہیے پر اور (ب) پچھلے پہیے پر زمسین سے کتی قوت پڑتی ہے؟

سوال ۱۳.۳: کیک کرہ، جس کی کیت $m=0.85\,\mathrm{kg}$ اور دانس $n=0.85\,\mathrm{kg}$ ہے، بلا کیت رسی ہے دیوار کے ساتھ بندھ ہے۔ (۱) کہ مسین مسئل 26.12 کرہ کے مسر کز کمیت ہے $L=8.0\,\mathrm{cm}$ بلندی پر رسی دیوار ہے بندھی ہے۔ (۱) رسی مسین سناواور (ب) دیوار ہے کرہ پر قوت تلاش کریں۔

سوال ۲۰،۴: کمسان کو وسطی نقط ہے تھینی حب تاہے حتٰی کہ شہر انداز کی قویہ اور ڈور مسین تان برابر ہوں۔ ڈور کے دو حصول مسین زاویہ کمپاہوگا؟

سوال ۲۰۵: بلا کمیت رسی دو نقطوں کے نی آفتی باند ھی حباتی ہے۔ ان نقطوں کے نی مناصلہ 3.44 m ہے۔ رسی کے وسط سے 3160 N وزن لئکانے ہے، رسی مصین تان کے ہے؟

سوال ۲۰۲۱: ایک باڑ، جس کی کمیت 60 kg اور لمبائی 5.0 m ہے، کوافتی حیالت مسیں باڑے سریر بندھی انتصابی رسّیاں رکھتی ہیں۔ یار کے ایک سسرے m 1.5 سن صلے پر 80 kg کا شخص کھٹڑاہے۔(ا) متسرین رسّی اور (ب) دور رستی مسیں تان معلوم کریں۔

سوال ٧٠٤: ایک شخص، جس کی کمیت 75 kg ہے، 10 kg کمیت کی 5.0 m کبی سیڑھی استعال کرتا ے۔ سیڑھی کا ایک سر دیوارے m 2.5 مناصلے یر اور دوسرا بلار گڑ دیوار کے ساتھ جوڑ کر، شخص سیڑھی حسیڑھت ہے۔(۱) سیڑھی کی دیوار پر قوت اور (ب) زمسین کی سیڑھی پر قوت کی ت در کیا ہے، اور (ج) افق کے ساتھ سیڑھی پر

سوال ۲۰۸۷: متوازن ہنڈولے پر بیٹھے گٹنتی داربچوں کاوزن (نیوٹن مسیں) شکل 27.12مسیں پیشس ہے۔ چول f پر (۱)صفحہ ے باہر رخ اور (ب)صفحہ کے اندر رخ محور پر کو نب بجے سب سے بڑی قوت مسر وڑپ داکر تاہے؟'

سوال ۲۰۹۹: افتی میٹر مسطر تلوار کی دھاریر ۱۵ 50.0 cm کی نشان پر توازن مسیں ہے۔ 12.0 cm نشان پر دو کے، جن کی انفسرادی کمیت و 5.00 ج، رکھنے سے مسطور 45.5 cm نشان پر توازن اختیار کر تاہے۔میٹر مسطور کی کمیت تلاحش

سوال ۱۰.۱۰: سنگل 28.12 کا نظام توازن میں ہے، اور در میانی ڈور افقی ہے۔ سل A کا وزن B کا وزن B کا وزن

سوال ۲۰۱۱: ایک غوط باز، جس کاوزن 780 N بے، $L = 4.5 \, \mathrm{m}$ کے بارکیت تخت غوط پر کھٹڑا ہے۔ تخت دوتیک سے جوڑا گیاہے، جن کے چن مناصلہ علی اللہ اللہ اللہ اللہ علی تاب کی قوت (۱) کی تعدر اور (پ رخ (اوپریا نیچ) کپ بین ؟ تختیر دائیں تیک کی قوت (ج) کی ت در اور (د) رخ کپ بین ؟ (ه) کونت تیک (بایان یادائیں) کھنے حب رہاہے،اور (و) کون تیک دباحب ارہاہے؟

سوال ۲۰.۱۲: کیمپٹر مسیں چینبی گاڑی کو نکالنے کے لئے ایک شخص گاڑی کا اگلا حصہ رسی کے ذریعیہ سامنے m 18 رور تھمبے کے ب تھ باندھ کرر تنی کووسطی نقطے ہے 550 N قوت کے باتھ پہلو کی طسرن کھنیت ہے (شکل 30.12)۔ رسی کاوسطی نقطہ اپنی جگے ہے 0.30 m دور ہٹتا ہے، تاہم گاڑی ٹس سے مسں نہیں ہوتی۔ رسّی سے گاڑی پر قویب کی ت در کیا ہے؟ (رستی کھنچ کر لمبی ہوتی ہے۔)

سوال ۱۳.۱۳: مشکل 31.12 مسیں ٹانگ کے نحلے حصہ اور ہاوں کی اندرونی ساخت پیش ہے۔ پنجوں پر کھٹڑا ہونے کے $a=5.0\,\mathrm{cm}$ یر مسین سے اٹھائی حباتی ہے اور زمسین کویاوں، عملاً، نقطہ P پر مسس کرتا ہے۔ منسرض کریں $b=15\,\mathrm{cm}$ ،اور شخص کاوزن $W=900\,\mathrm{N}$ ہے۔نقط ہے پینڈل کے عضامہ کی قوت (۱) کی ت دراور (ب)رخ (اویرمانیح) کسامیں؟اس نقط پریٹ ڈلی کی ہڈی کی قوت (ج) کی تبدر اور (د)رخ (اویرمانیح) کسامیں؟

سوال ۱۰/۲: افتی کیساں پاڑ، جس کی لمبائی m 2.0 m اور کمیت 50.0 kg ہے، عمسارت سے دور توں کے ذریعے لٹکا ہے (شکل 32.12) باڑیر گارنگ وروغن کے ڈیے رکھ گئے ہیں۔ان ڈبول کی محبوعی کمیت 75.0 kg ہے۔ دائیں رسی مسیں

meterstick12

٣٠٠. يك___

تناو 722 N ہے۔ رنگ کے ڈبول کامسر کز کمیت اسس رہتی سے کتنے افقی مناصلے پرہے؟

سوال ٢٠١٧: كىعىب يكسال پسيٹى، جس كاضلع m 0.750 اور وزن N 500 ہے، منسرسش پر انتہائى چھوٹى اگر ركاوٹ كے ساتھ مسل پڑى ہے۔ منسرسش سے كئے كم ہے كم بلت دى پر N 350 افقى قوت لاگو كركے پسيٹى پلئى حباسكتى ہے؟

سوال ۱۹۱۷: ایک شہتیر، جس کاوزن N 500 اور لمب نی س 3.0 سے، افقی لئکا ہے (مشکل 34.12)۔ اسس حبابایاں سے چول دار ہے اور دایاں سررتی سے باندھ گیا ہے۔ رسی کادوسراسر چول سے D بلندی پر دیوار مسیں گئے وت بلے سے باندھ گیا ہے۔ رسی المبندی پر دیوار مسیں گئے وت بلندھ کی بینسیر ٹوٹے ، زیادہ سے زیادہ کا 1200 سے ویر داشت کر سے تی ہے۔ (۱) D کو کوئی قیست رسی مسیں است است ویسید اگرے گی؟ (ب) رسی کو ٹوٹے سے بحیانے کے لئے کیا گائی ہوگیا گھٹائی ہوگی کے گئی کے لئے کہ سے بڑھ سے بڑھ سے بڑھ سے کے گھٹائی ہوگیا گھٹائی ہوگی کے گئی کے لئے کہ سے بڑھ سے بڑھ سے بڑھ سے بڑھ سے کہ بڑھ سے

سوال ۱۰.۲: افتی پاڑ 2 ، جس کی یکساں کیت $m_2 = 30.0 \, \mathrm{kg}$ اور لمب نکی $m_2 = 2.00 \, \mathrm{m}$ اور لمب نکی $m_2 = 30.0 \, \mathrm{kg}$ کی بہت رہے ہوں کی گئے ہے، جس کی کیت $m_1 = 50.0 \, \mathrm{kg}$ کی بہت کی کیت $m_1 = 50.0 \, \mathrm{kg}$ کی بہت کی کیت والد انگیں ہاتھ رسی مسیں سناو $m_1 = 0.500 \, \mathrm{m}$ کی بہت کی مسیں سناو $m_2 = 0.500 \, \mathrm{m}$ کی بہت کے بہت کی بہت کے بہت کی بہت کے بہت کی بہت کے بہت کی بہت کے بہت کی بہت کی بہت کی بہت کی بہت کی بہت کی بہت کے بہت کی بہت کے بہت کی بہت کے بہت کی بہ

سوال ۲۰۱۹: سروتا کی مددے احضروٹ توڑنے کے لئے احضروٹ کے چھلکا پر دونوں حبانب سے $40\,\mathrm{N}$ تو سے در کار جسے سوتا کے در کار کے $d=2.6\,\mathrm{cm}$ اور $d=2.6\,\mathrm{cm}$ ہے۔ سروتا کے دستے پر در کار عصور در ارتوب F_1 تلاشش کریں۔

سوال ۱۲.۲۰: ایک کھلاڑی $M = 7.2 \, \mathrm{kg}$ گیند ہاتھ مسیں پڑے ہوئے ہے (سشکل 37.12)۔ بازو کا اوپر میں حسہ انتصابی اور نمپیلا حسہ ، جس کی کمیت $1.8 \, \mathrm{kg}$ ہے ، افتی ہے۔ (۱) بازو کے نمپیلا حسہ ، جس کی کمیت کی قوت کی متدر کیا ہوگی ؟ (ب) کو بنی پر ہڑیوں کے فی تو تو کی متدر کیا ہوگی ؟

جوابات