طبعیا __ کے اصول

حنالد حنان يوسفزني

حبامع کامیٹ،اسلام آباد khalidyousafzai@hotmail.com

۲۷ ونسروری ۲۰۲۴

عسنوان

V	ى پہلى كتاب كادىباھپ	مير
1 4 9 1•	يب كَشْن ١ وقت ٢ كيت ١٢.١ كَثَافت ٢.٢.١ وقت	•
70 79	غنی توانائی اور توانائی کی بقب ۱.۰.۲ طباقت ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	<i>*</i> r
TZ TZ T9 F1	سر کز کمیت اور خطی معیار حسر کت ۱.۱ ایک بُعد میں کمپ کی تصادم ۲.۲ دوابو او میں تصادم ۳.۳ تغییر کمیت کانظام: ہوا کی بان	r r
79 79 40	نمہ او ۱٫۱ گھماوکے متغب ر	لا ما ڇ
26 10 10 10 10 10	۲٫۱ مستقل زادی اسسراع کا گھساد	۴
/\9 91 9∠ 99	۵٫۵ گھیسری جمود کاحباب میں میں ہود کاحباب کی استان کی جمہوری جمود کاحباب کی میں میں دور میں میں میں کا میں میں ۲٫۷ تو توب میں	ب ب
141	۱.۷ نیوس کافت الون دوم برائے همه و	

Imi	۵ گڑھکاو، قویہ مسروڑ، اور زاوی معیار حسر کے
Im	۱٫۵ مستقیم حسر ک <u>ت</u> اور گھساد مسل کر لڑھکاو دیتے ہیں
٠	۲.۵ لزهکاو کی قوتیں اور حسر کی توانائی
Ima	۳.۵ ۋورى دار لئو
IF	۴.۵ قو <u>۔</u> مسروڑ پر نظسر ثانی
Irr	۵.۵ زاوی معیار حسر ک <u>س</u>
IMY	۲.۵ نیوش کامت انون دوم، زاوی روپ ۲.۵
10	2.۵
	۸.۵ زاوی معیار حسر کی بقس ۸.۵
109	۹.۵ مسکن حپ رخی کی استقبالی حسر کت
1∠9	۲ توازن اور کیک
129	۲.۱ تُوازن
ιΛ•	۱.۱.۱ طبیعیات کیاہے؟
140	۲.۶ کونی توازن کی چیند مثالیں ۲.۰
ria	ے تحباذ ب
rr	جوابا

مبری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حسکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجب دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کا اداروں مسیں تحقیق کارجمان پیداہوا ہے۔ امسید کی حباتی ہے سالمہ حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر حسہ انگریزی زبان مسیں ہی چھیت ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہر موضوع پر لاتعہ داد کتا ہیں بائی جب قیمیں جس سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وطبالب سے کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردوزبان مسیں حیاصل کرتی ہے۔
انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو دور کی بات، ان کے لئے انگریزی زبان خود ایک رکاوٹ ہے۔ سے طلب و
طبالب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسرپور خدمت کرنے کے وتابل نہیں رہتے۔ ایسے طلب و
طبالب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حناطسر خواہ کو سشش نہیں

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا نامسکن تھتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بنانے سے انکار کیا اور پول ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

یہ کتاب اردوزبان مسین تعسیم حساس کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہیایہ آسان اردومسین لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر مستعمل تکنیکی اصطبلاحیات استعال کئے حبائیں۔ جہاں اصطبلاحیات موجود سنہ تھی وہاں روز مسرہ استعال الفاظ پنے گئے۔ تکنیکی اصطبلاحیات کی چینائی یوں کی گئی ہے کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجبی ہجی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی۔اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی جو موجودہ نظام تعسیم کی نفسانی کتاب و نظام تعسیم کی نفسانی کتابوں مسین رائج ہے۔ یوں اردومسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین دشواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے ہے۔ کتاب ایک دن حسالصتاً اردوزبان مسیں انجنیئری نفساب کی کتاب کے طور پر پڑھ ائی حبائے گی۔اردوزبان مسیں برقی انجنیئر کی کلمس لفساب کی طسر ف سے پہاا صدم ہے۔ کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور جہاں بھی کتاب مسیں عضلطی نظر آئے،اسس کی نشاندہی مسری برقبیاتی پہنے پر کریں؛مسیں ان کانہایت مشکر گزار ہوں گا۔

کتاب مسیں تمام غلطیاں مجھ سے سرز دہوئی ہیں جنہ میں درست کرنے مسیں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسیں ان سب کا سشکر سے اداکر تا ہوں۔ سے سلما داہمی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات بہاں شامسل کئے حبائیں گے۔

مسیں کامسیٹ یو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا سشکر ہے ادا کرنا حیابت ہوں جن کی وجبہ سے ایس سرگرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر ۲۰۱۱

إبا



طبعات كياہے؟

س سنس وانجلین کی پیپ کشش اور موازنے پر مسبنی ہے۔ چیپزول کی پیپ کشش اور موازنے کے لئے قواعب کی خرورت پیشس آتی ہے؛ پیپ کشش اور موازن ہے کے بُعد تعین کرنے کے لئے تحب رہات کاسب ارالین ہوگا۔ طبیعیات اور انجیسئری کا ایک مقصد ان تحب رہات کی بن اوٹ اور تحب رہ کرنا ہے۔

چىنەزول كى پىيسائش

طبیعیات مسین ملوث مت دارول کی پیب کشس کی طسریقے حبان کر ہم طبیعیات دریافت کرتے ہیں۔ ان مت دارول مسین لمب کی، وقت، کمیت، کمیت ، در حب حسر ارت، دباد، اور برقی روث امس میں لمب کی،

ہم ہر طبیعی معتدار کا موازت ایک معیار اے ساتھ کرکے طبیعی معتدار کو اسس کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ معتدار کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ کی حباتی ہے۔ ناپ کو ایک منسب ردنام دیا حباتا ہے جے اکائی ^{اس س}ے ہیں۔ مشااً، لمبائی کی پیپ اُنٹ مسین (m) مسین کی حباتی ہے۔ معیارے مسیدار کی تھیک ایک مسین کی جب آپ دیکھیں گے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار ہو تھیک ایک مسین میں ایک مخصوص دورانی مسین، شعباع کے کرتی ہے۔ ہم اکائی اور اسس کے معین خسین معیار کی تعدید سے بیاں کرسکتے ہیں۔ تاہم، ضروری ہے کہ دنیا کے باقی سائنسدان بھی اسس تعدید کو معتی خسین اور وسائی استعال مائیں۔

ایک معیار، مشالاً لمبائی کامعیار، طے کرنے کے بعد ہمیں وہ طدیقہ کاروضع کرنا ہوگی جس ہے ہر لمبائی، حیاہ وہ ہائیڈروجن جوہر کارداسس ہویا دور کس ستارے تک وضاصلہ، اسس معیار کی صورت مسین ظاہر کی حیاسے۔ ایسی

standard'

١

ایک ترکیب فیتے کا استعال ہے ؛ لمبائی کے معیار کو فیت تخمین طاہر کرتا ہے۔ بہسر حسال، بہت سے موازنوں مسین بلا واسطہ طسریقے استعال کیے حبائیں گے۔ مشلاً ، جوہر کا رواسس یا فسسر بی ستارے تک و ناصلہ فیت استعال کر کے نہیں نااحب ساتا۔

اما بھی متادیر طبیق معتادیر کی تعبداداتی زیادہ ہے کہ انہمیں منظم کرناایک مسئلہ ہے۔ خوسش قسمی سے تمسام معتادیر عنیسر تائع نہیں ہیں؛ مشلاً، رفت ار در حقیقت لمب ائی اور وقت کی شناسب کو کہتے ہیں۔ بین الاقوای متفقہ معساہ ہے کے تحت چند طبیعی معتادیر، مشلاً، لمب ائی، کیسے ، اور وقت کو اساسی مقادیر سمنتخب کر کے صرف انہی کو معسار مختل کیے گئے۔ باقی طبیعی معتادیر ان "اساسی معتادیر" اور انہمیں کے معسار (جنہمیں اساسی معیار "کہتے ہیں) کی صورت مسین ناپے جب تے ہیں۔ مشلاً، اساسی معتادیر لمسائی اور وقت اور انکے اساسی معیار کی شکل مسیں "رفت ار" تعسین کساسیاتا ہے۔

اب معیار کامت بل رسانی اور غنیسر متغیب مونالاز می ہے۔ اگر ہم بازو کی لمب ائی کو معیار لمب ائی تسلیم کریں تب سے مت بل رسائی ضرور ہوگی، البت ہر شخص کے لئے ہے لمب ائی مختلف ہوگی البندا سے غنیسر متغیب رہیں ہے۔ سائنس وانجیسئزی مسیں زیادہ سے زیادہ در سستگی مطلوب ہونے کی پیش نظسر ہم اساسی معیار کی غنیسر متغیب ریت پر خصوصی توجب دیتے ہیں۔ اسس کے بعب داب ای معیار کی بہت ہے بہت نقسل بن کران لوگوں کو فسنسراہم کرتے ہیں جنہیں ضرورت ہو۔

اكائيوں كابين الاقوامي نظام

اعدا مسین ناپ و تول کے عسموی احبلاسس مسین سات معتادیر کو بطور اساسی معتدار منتخب کرکے بین الاقوامی نظام اکائی کو مختصر اُ" SI نظام "کہتے ہیں۔ حبدول! امسین تین اساسی معتدار لسائی، کمیت ، اور وقت دکھیائے گئے ہیں۔ ان اکائیوں کی تعسریف انسانی جہامت مدنظ سرر کھتے ہوئے گی گئے۔

حب دول ۱. ۱: بین الاقوامی نظام اکائی کی تین اساسی معتادیر کی اکائیاں

اکائی کی عسلامی	ا کائی کانام	مقسدار
m	ميـر	لسبائى
kg s	کلو کرام سسیکنڈ	کمیت وق <u>ت</u>

کی مثلق اکائیوں ^هی تعسرین ان اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔مشلاً، طباقت کی SI اکائی، جو **وائے** اللہ مثلق ہے۔ کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا (W) کہلاتی ہے، کی تعسریف کمیت، کمہائی، اور وقت کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا آب بارج درج ذیل ہوگا:

(1.1)
$$= 1 \text{ W} = 1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \text{ s}^{-3}$$

basequantities basestandards

derivedunits^a

watt

_

جهال آحن مسين كلوگرام مسر بع مسير في مكعب سيئذ پڙه احبائ گا۔

بہت بڑی یابہت چھوٹی معتادیر، جن سے ہمیں طبیعیات مسیں عصوماً واسطہ ہوگا، **سائنسی ترقیم** مسیں لکھی حباتی ہیں، جو وسس کی طباقت استعال کرتی ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$3560\,000\,000\,\mathrm{m} = 3.56 \times 10^9\,\mathrm{m}$$

$$0.000\,000\,492\,\mathrm{s} = 4.92\times10^{-7}\,\mathrm{s}$$

کمپیوٹر میں سائنسی ترقیم مسزید مختصر لکھی حباتی ہے؛ مشلاً، 3.56E9 اور 7 – 4.92E ، جباں E "وسس کی طباقت" شاہر کرتا ہے۔ کئی حماجے کار ^(کلکولیٹر)مسزید مختصر انداز استعال کرتے ہوئے E کو حسالی جگسے ظاہر کسیاحب تاہے۔

ہم اپنی آس نی کے لئے بہت بڑی یا بہت چھوٹی پیپ کشس حبدول ۱.۲ امسیں پیشس بقے استعال کرکے لکھتے ہیں۔ جیب آپ دیکھ سکتے ہیں ہر سابقہ دسس کی ایک مخصوص طباقت ظلم کرتا ہے، جو بطور حب زو ضربی استعال کیا حباتا ہے۔ بین الاقوای نظام اکائی کے ساتھ سابقہ مشلک کرنے سے مسراد اسس اکائی کو مطبابقتی حب زو ضربی سے ضرب دیٹ ہے۔ یوں ہم کی ایک مخصوص برقی طباقت کو

$$(1.0)$$
 $1.27 \times 10^9 = 1.27 \times 10^9$ وائد $1.27 = 1.27 \text{ GW}$

یا کسی مخصوص و مستق دورانی کو درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(۱.۵)
$$= 2.35 \times 10^{-9}$$
 نينو سيکنڙ $= 2.35 \times 10^{-9}$

چن د سابقے، جوملی لٹر، سنٹی میسٹر ، کلو گرام یامیگا ہائٹ مسین استعال ہوتے ہیں ، سے آپ ضرور داقف ہول گے۔

اكائى كى تىبىدىلى

بعض اوت سے طبیعی مقتداروں کی اکائی شبدیل کرنے کی ضرور سے پیش آتی ہے۔ ہم اصل پیم اُنٹس کو "شبادلی حبزو"، جو ایک ایک (1) کے برابر اکائیوں کی نسب ہوگی، سے ضرب دیتے ہیں۔ مشلاً، ایک منٹ اور ساٹھ سیکنڈ مم ثل دورانیہ ظلبر کرتے ہیں، البندادرج ذیل ہوگا۔

$$\frac{1\min}{60\,\mathrm{s}} = 1$$

يا

$$\frac{60\,\mathrm{s}}{1\,\mathrm{min}} = 1$$

يوں $(60\,\mathrm{s})/(1\,\mathrm{min})$ يا $(10\,\mathrm{min})$ تناسب بطور تباول جزو استعال کي حب سکتا ہے۔ ہم ہر گز $(60\,\mathrm{s})$

scientificnotation2

calculator[^]

conversionfactor

م باب.ا.پیرائش

حبدول ۱.۲: بین الاقوامی نظام اکائی کے سابقے

حبزوضر بي	سابق	عسلامي
10 ²⁴	بوٹا	Y
10^{21}	زييط	Z
10^{18}	اک	E
10^{15}	پیٹ	P
10^{12}	ش ي را	T
10^{9}	كيكا	G
10^{6}	ميگا	M
10^{3}	ئىيسرا كىگا مىگا كلو كلو	k
10^{2}	م ^ک لٹو	h
10^{1}	ڈیکا	da
10^{-1}	ۇسى قاسى	d
10^{-2}	سنتھ	С
10^{-3}	ملجه	m
10^{-6}	مائيكرو	μ
10^{-9}	نينو	n
10^{-12}	پکو	р
10^{-15}	فيمثو	f
10^{-18}	اڻو	a
10^{-21}	زپیٹو	Z
10^{-24}	كيثو	y

1 = 60 نہیں لکھ سے ؛ہر عبد داور اسٹی اکائی کو اکٹھ رکھنا ہوگا۔

ایک (1) سے ضرب دینے سے متدار کی قیت تبدیل نہیں ہوتی لہذا ہم جب حپابیں تبادلی حسنرواستعال کر سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر دو منٹ کو سیکنڈ مسیں تبدیل کر کے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔ کرتے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔

$$(1.7) \hspace{1.5cm} 2 \min = (2 \min)(1) = (2 \min)(\frac{60 \, \mathrm{s}}{1 \min}) = 120 \, \mathrm{s}$$

اگر تبادلہ حبزو ضرب متصارف کرنے سے عنب صروری اکائیاں ایک دوسسرے کے ساتھ منسوخ نہ ہوتی ہوں تب حبزو ضربی کوالٹ کر دوبارہ کوسٹش کریں۔اکائیوں کی تبادلہ مسین اکائیوں پر متغیبرات اور اعب داد کے الجبرائی قواعب دلاگو

لمسائى

کچھ عسر صبہ تک سب معیار س نمنی دنیا کی ضروریات پوری کرپایا، تاہم سائنسس کی دنیا بہت حبلد اتنی آگے بڑھ حب کہ کرپٹن 86 کے طول موج پر مسبنی معیار سائنسی ضروریات پوری کرنے کے صابل نہیں رہا۔ آمنسر کار ۱۹۸۳ میں ایک نڈر فیصلہ کیا گئی، اور مسیر وہ صناصلہ مسیر ارپاجو شعباع ایک مخصوص دورانیہ مسیر طے کرتی ہے۔ ناپ و تول کے ستر ھویں (17) عسومی احبلاسس مسین درج ذیل طے پایا۔

تعسریف: خناء میں ایک سینڈ کے <u>109792458</u> میں شعباع کا طے کردہ فناصلہ میٹر^{۱۱} کہائے گا۔

وقت کا (مذکورہ بالا) دورانیہ یوں منتخب کی گیا کہ شعباع کی رفت از $c=299\,792\,458\ \mathrm{m\ s}^{-1}$

شعاع کی رفت اراٹل ہے۔ یوں شعباع کی رفت ارسے مسیٹر اخب ذکر ناایک بہستر و ت دم ہو ا۔

platinum-iridium'

meter"

standardmeterbar

secondarystandards "

krypton'

gasdischargetube 12

meter

با_ا.تيائش

حبدول ۱۹۳ مسیں مناصلوں کی وسیع سعت پیش ہے، جو کہکثانی مناصلوں سے لے کر انتہائی چھوٹی چسنروں کی لمبائسیاں دیتاہے۔

حبدول ١٠: چين د تخميني من صلح

ميرمسين لمبائي	پیماکش
2×10^{26}	اول ترین پیسیدا کہکشاں تک مضاصلہ
2×10^{22}	اندرومدا کہکشاں تک۔ بناصبابہ
4×10^{16}	ت ریب ترین تارے تک و ن اصله
6×10^{12}	ىپوڻوتك مناصلە
6×10^{6}	ز مسین کار دا سس
9×10^{3}	بلب د ترین پہاڑی کی اونحپائی
1×10^{-4}	صفحے کی موٹائی
1×10^{-8}	عسلامتی وائر سس کی لمبائی
5×10^{-11}	ہائے ڈرو ^{جن جو ہ} ر کار داسس
1×10^{-15}	پروٹان کار دائسس

بامعنی اعب داد اور اسٹ اربے کے معتام

ف سنرض کریں آپ ایک مسئلے پر کام کر رہے ہیں جس مسیں ہر قیت دوہت دسوں پر مشتل ہے۔ ان ہند سوں کو با معنی ہندسے ما ہندسے کا کتے ہیں۔ ایت جواب پیش کرتے ہوئے آپ استخاب کی استغال کریں گے۔ اگر مواد دوہت دسوں مسین دیا گیا ہو تب جواب بھی دوہت دسوں پر مشتمل ہوگا۔ اگر حپ آپ کا حساب کا دنت آئے زیادہ ہند سوں مسین پیش کر تاہے، ب (اضافی) ہندے لے معنی ہیں۔

اس کتاب میں، دیے گئے مواد مسیں کم سے کم ہا معنی ہند سول کے برابر، حسب کے اختتا می نست نئے پور میور کر کے پیش کیے حب نے والے ہند سول حب کئیں گے۔ (ہاں، بعض او حت سے ایک اصف فی ہمند سہ بھی رکھا حب کے گا۔) اگر ضب لئے کے حب نے والے ہند سول مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور "کسیا حب تا ہے؛ دیگر مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور آگے است کے خور پر 11.3516 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.4 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.3 کا کھیا جب کے گا۔ (اسس کتاب مسیں نست نئے پیش حب کے مور کے جب کے عصوماً سے سال کی حب کے گا۔)

عدد 3.15 یا $10^3 \times 3.15$ مسیں بامعنی ہند سوں کی تعداد صاف ظاہر ہے؛ عدد 3000 مسیں بامعنی ہند سے کتنے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3 \times 3$ کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3 \times 3$ کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3$ کار معنی تصور کسیا تھور کسی تھور کسیا تھور کسیا تھور کسیا تھور کسی تھور کسیا تھور کسیا تھور کسیا تھور کسیا تھ

با معنی ہندسوں اور اشاریہ کے معتام دو مخلف باتیں ہیں۔ درج ذیل مناصلوں 35.6 mm ، 35.6 mm ، اور

significantfigures12

١.١ وقت

m 56 0.003 پر غور کریں۔ تمام مسیں تین بامعنی ہندے ہیں، تاہم ان مسیں اٹ ارید کے مصام بالت رتیب ایک، دو، اور پانچ ہیں۔

مثال ۱۱: دهاکے کاگیند؛ قدر کے رتبہ کی تخینے۔

دنیا میں دھاگے کے سب سے بڑے گیند کارداسس سے ہے۔ اسس گیند میں دھاگے کی کل لمبائی کا کتی ہوگی؟اگرچپ ہم گیند میں دھاگے کو کل لمبائی کا ناپ سکتے ہیں، تاہم ہم ایس نہیں کرنا دپ ہتے۔ ہم صاب کے ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔

حاب

ہم منسر ض کرتے ہیں گینند کروی ہے؛ اسس کار داسس R=2m ہے۔ دھا گہ لیسیٹے ہوئے دھا گے کے مختلف حصوں کے نق حسان کی جارے مسیں حبان باہم سکن بات ہے۔ ان حنالی جگہوں کو مد نظر رکھے ہوئے ہم دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا ضلع d=4mm کے بیاں اسس کارقب عصودی تراشش d=4mm کہ اور کل محبم درج ذیل ہوگا:

$$V=($$
لب كَى $)($ رقب مسودى تراثس $)=d^2L$

جوگین دے تحب م $4R^3$ کے برابر ہوگا؛ π کو تخمین π کو تخمین π کو تخمین π کو تخمین π کا کھا جب سکتا ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا $d^2L=4R^3$

جس سے درج ذیل حسامسل ہوگا۔

$$L = \frac{4R^3}{d^2}$$

$$= \frac{4(2 \,\mathrm{m})^3}{(4 \times 10^{-3} \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 2 \times 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^3 \,\mathrm{km}$$

(اتے سادہ حساب کے لئے حساب کارر کی ضرور سے پیش نہیں ہونی حیائے۔)تدر کے قت رہی رتب تک گیند مسین تقسر بیا 1000 km دھا گہے۔

ا.ا وقت

وقت کے دو پہلو ہیں۔ روز مسرہ زندگی مسیں ہم کام کائ ترتیب سے رکھنے کی عنسر ض سے وقت حبانت حیاہتے ہیں۔ سائنس کی دنیامسیں ہم عسوماً حبانت حیاہتے ہیں کہ ایک واقعہ کتنی دیر وقوع پذیر ہوا۔ یوں وقت کے کسی بھی معیار کو بالاله يسائش

دوسوالات کاجواب دبین ابو گا: کب ہوا؟ اسس کا دورانپ کتن انتا بھتا؟ حبد ول ۴. امسیں چیند وقت تی وقفے پیش ہیں، ہباں یلانک وقت ۱۱ سے مسراد ابتدائی و الے ۱۹ کے بعد وہ اول ترین وقت ہے جب طبیعیات کے تواعد (جس طسرت انہیں ہم اسس وقت حیانتے ہیں) متابل اطبلاق ہوں گے۔

حبدول ۱۴: چین د مخمنی دورانے

سیکنڈ مسیں دورانی	پيائش
3×10^{40}	پروٹان کاعب رصبہ حسیات (محض اندازہ)
5×10^{17}	کائٹا <u>۔</u> کی عمسر
1×10^{11}	ہر م خو فو کی عمس ر
2×10^9	انسانی زند گی (متوقع)
9×10^4	ایک دن
8×10^{-1}	انسانی دل کی د ھسٹر کنوں کے پیچو قفنہ
2×10^{-6}	میون کاعب رصبه حسیات
1×10^{-16}	تحب رب گاہ مسیں مختصر ترین شعباع کادورانیہ
1×10^{-23}	غیسر مستحکم ترین ذرے کاعب رصبہ حیات
1×10^{-43}	پلائک_ وقفہ

وہ مظہر سرجواینے آپ کو دہرا تا ہو وقت کامعیار مقسرر کیا حباسکتا ہے۔ محور کے گر د زمسین کا ایک حیکر، جو دن کی لمبائی تعسین کرتاہے،صدیوں تک بطور وقت کامعبار استعال کیا گیا۔ **سنگھ مردہ ''**(کوارٹز) گھٹڑی، جس مسین ایک نگ مسردہ چھلے کو مسلسل ارتصاحش پذیر رکھا حباتا ہے ، کی پیسانہ بندی فلکیاتی مضاہرات کے ذریعہ، زمین کے گھومنے کے ساتھ کرکے، تحبیرے گاہ میں وقت ق و قفول کی پیپائٹس کے لیے استعال کیا حیاسکتا ہے۔ تاہم حبدید سے نئنس وانجینے کی کو در کار در سنگی ایسی پیپ سے ہندی سے ممکن نہیں۔

بہتر معیار وقت کی ضرورے کے در پیش جوہری گھولیا ہے استیار کی گئیں۔ <u>۱۹۲۷</u> مسین نایے و تول کے سیر حویں عسوى اجلاس مسين سيزيم كهوري ٢٠ پر مسبني معياري سيكند پر اتف ق كياكيا ـ

تعسریف: سیزیم 133 جوہرسے حنارج ایک مخصوص طول موج کی شعباع کے 631 770 9 192 و ارتعباسش کو در کار وقت ایک سیکنڈ ۲۳ ٹہسراما گیا۔

planktime^{1A}

bigbang¹⁹

atomicclocks^{ri}

cesiumclock

second

۱٫۱. کمیت

جوہری گھٹڑیاں انتہائی درست وقت بتاتی ہیں۔ دوسیزیم گھٹڑیوں مسین ایک سیکنڈ منسرق چھ ہزار سال جیلئے کے بعد پہیدا ہوگا۔ اسس وقت شیار کی حبانے والی گھٹڑیوں کی درستگی 10¹⁸ مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10¹⁸ مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10¹⁸ سیکنڈ (جو تقسریباً 10¹⁰ × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ (کو تقسریباً 10¹⁰ × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ کافٹرق ہوسکتا ہے۔

۱.۲ کمیت

معیاری کلو گرام

ف دانس کے شہد پیدرس کے قتریب ناپ و تول کے بین الاقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی معسادہ کے تحت، ایک کلوگرام کیت نہدرایا گیا۔ اسس کی بہتر سے بہتر نفتسل دنیا کے بیشتر معساد ساز تحبد ہے۔ معساد ساز تحبد ہے گاہوں کو فضراہم کی گئی جن کواست مال کرتے ہوئے ترازو کی مدد سے کسی بھی جسم کی کیت ناپی جب سے دول ۱۵۔ امسین فت درکے 83 رتوں پر پھیلی کمیوں کو کلوگرام کی صور سے مسین پیش کمیا گیا ہے۔

حبدول ۱.۵: چند تخمینی کمیت

کلوگرام مسیں کمیت	چيز
1×10^{53}	معسرون كائتنات
2×10^{41}	ہماری کہکشاں
2×10^{30}	سورج
7×10^{22}	حپاند
5×10^{15}	سیارحپ ایراسس
1×10^{12}	جچوڻا پيپاڙ
7×10^7	سمن دری جهاز
5×10^3	بالتقى
3×10^{-3}	انگور
7×10^{-10}	د ھول کی ذرہ
5×10^{-17}	پینسلین سالب
4×10^{-25}	يورينسيم جوہر
2×10^{-27}	پروٹان '
9×10^{-31}	انسيڪٹران

دوم معیار کمیت

atomicmassunit rr

ا_ا.پیائش

مختص کی گئی۔ان دواکائیوں کے پچرسشتہ درج ذیل ہے

(1.4)
$$1 u = 1.66053886 \times 10^{-27} kg$$

جہاں آ حضری دوہت دسوں مسیں عصد م یقینیت 10 ± ہے۔ سائنس دان کافی در سستگی کے ساتھ تحبیر ہے ذریعہ کی جوہر کی کمیت کاربن 12 کی کمیت کے لیاظ سے تعین کر سکتے ہیں۔ اسس وقت، کمیت کی روز مسرہ زندگی مسیں مستعمل اکائیاں، مشا کلوگرام، استعمال کرتے ہوئے ہماتنی در سستگی حساس کرنے سے وت صربیں۔

۱.۲.۱ کثافت

کافتے ۲۵ مے مسراد اکائی حب مسیں کیت ہے۔

$$\rho = \frac{m}{V}$$

اسس پرباب 14 مسین مسنزیر تبعسرہ کسیائے گا۔ کثافت کوعسام طور پر کلوگرام فی مسرئع مسیریا گرام فی مسرئ سنی مسیر شد مسیر مسیر ناپا جسان کی کثافت ایک گرام فی مسرئع مسیریا کی کشافت کرام فی مسرئع مسیری جسس کو عصوماً موازن ہے کے لئے استعمال کسیا جبانا ہے۔ پانی کی کثافت کے لیا تقسیری کا گافت سے مرف 64 ہے۔ کشافت سے سرف کا کشافت مون کا کشافت مون کا کشافت کا کشاف

۱.۱. کمیت

مثال ۱.۲: کثافت اور رفتیق کاری

الیے زلز لدے دوران جس مسیں زمسین کی رقیق کاری ۲۲ ہو، بجساری جم زمسین مسیں دھنس سکتا ہے۔ رقت کے دوران مٹی کے ذرے نہایت کم رگز محسوس کرتے ہوئے ریلٹ اشروع کرتے ہیں اور زمسین دلدل کی کیفیت اختیار کرتی ہے۔ ریتیلی زمسین کی دقت تی کاری کے مسکنات کی پیٹیگوئی زمسین کے نموٹ کی شناسب حنلا و کے رویے مسین کی حباستی ہے۔

$$e = \frac{V_{\text{LL}}}{V_{\text{LL}}},$$

 e^{-1} یہاں وری کے نیج حسیں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ دروں کے نیج حضا کا کل حجم ہے ۔ اگر وری میں وری میں میں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ وری کرتا ہو، زلزلہ کے دوران رفتیق کاری کا امکان ہوگا۔ مطابقتی ریت کی کثافت وریت وری میں ہوگی۔ ho_{SiO_2} = (SiO_2) (جوریت کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کیا ہوگی۔ کی میں میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کیا ہوگی۔ کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کے دوران کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کی میں کا بنیادی حبزو ہے کی کثافت کی کا بنیاد کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کا کتاب کی کتاب کرنے کے کہ کتاب کی کتاب کرنے کے کہ کتاب کی کت

كلب دى تصور

نمونے مسیں ریسے کی کثافت ہے۔ ρ سے مسراد اکائی حجب مسیں کمیت ہے : جو ریسے کے تمسام ذروں کی کل کمیت ہے۔ V کا تنسب:

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{m_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}{V_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}$$

ے۔

حماہ: نمونے کاکل حبم کل درج ذیل ہے

$$V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$$
ن بالم $V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$

ماوات \mathbf{P} . امسیں نV ڈال کر V_{-} کے لیے حسل کر کے ذیل حساس ہوگا۔

$$V_{\succeq}, = \frac{V_{\circlearrowleft}}{1+e}$$

مساوات 8.1 کے تحت ریت کے ذرات کی کل کمیت ر_{یت} سلیکان ڈائی اکسائیڈ کی کثافت ضرب ریت کے ذرات کاکل حجبم:

$$m_{\underline{\hspace{1cm}}} = \rho_{\mathrm{SiO}_2} V_{\underline{\hspace{1cm}}},$$

ہوگا۔ اسس کو مساوات V_1 امسیں ڈال کر کے مساوات V_2 ڈال کر ذیل حساس ہوگا۔

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{\rho_{\rm SiO_2}}{V_{\mathcal{S}}} \, \frac{V_{\mathcal{S}}}{1+e}$$

liquefaction

اب. پیائش

ف صل قیت $ho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \, \mathrm{kg \, m^{-3}}$ اور $ho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \, \mathrm{kg \, m^{-3}}$ برکر کے ہم دیکھتے ہیں کہ رقت کاری اسس صورت ہو گی جب ریت کی کثافت درن ڈیل ہے کم ہو۔

$$\rho = \frac{2.600 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}}{1.80} = 1.4 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}$$

ر قشیق کاری مسیں عمساری کئی مسیٹر زمسین مسیں دھنس سکتی ہے۔

۱٫۱۰ کمیت

نظبر ثانی اور حنلاص

طبعيات ميں پيائش

طبیعی معتادیری پیپ اَسْس پر طبیعیات مبنی ہے۔ پچھ طبیعی معتادیر (مشلاً لمب بَی)، وقت، اور کمیت) اساسی مقدار منتخب کیے گئے: ہمرایک کی تعسریف معیارے مطابق کی گئی اور اسس کو پیپ اَسْس کی ا**کا کی** (مشلاً s،m)، اور kg) مختص کی گئے۔ دیگر طبیعی معتادیر کی تعسریف ان اساسی معتبد ار اور ان کے معیار اور اکائیوں کی صورت مسین کی حباتی ہے۔

بين الاقوامي اكائي

اسس کتاب مسین بین الاقوامی اکائی (SI) استعال کی گئی۔ جدول 1.1 مسین دکھائی گئی تین طبیعی معتادیر ابت دائی بایوں مسین استعال کی حت اساسی معتداروں کے معیار طبیعی چیس انتھی ہوں کے لیے و تابل رسائی اور غیسر تغیسر بین۔ اساسی معتدار اور ان سے اخرند دیگر معتادیر کی تمسام طبیعی چیس کشین انہی معیار کے تحت کی حبائی ہوتی ہے۔ حبدول 2.1 مسین پیش عسلامتیں اور سابقے استعال کر کے پیسائٹی ترقیم کی سادہ صورت حساس ہوتی ہے۔

اکائیوں کی باہم تب دیلی

اکائیوں کی تب یلی زنجسیری طسریقے سے حب سسکتی ہے، جس مسیں اصل مواد کو یک بعد دیگرے تب دلی ضریوں ہے، جنس منیں اعلی کی تنہ میں ایک کے روپ مسیں لکھا گیا ہو، ضرب دے کر ، اکائیوں سے الجبرائی معتادیر کی طسرح نیٹ حباتا ہے حتٰی کہ در کار اکائیاں رہ حب میں۔

لمسائی

وہ مناصلہ ہے جوانتہائی معین وقتی وقفے کے دوران بھسری شعباع طے کرتی ہے،میٹر کی تعسریف ہے۔

۱.۲.۲ وقت

سیکنڈ کی تعسرینے سیزیم 133 جوہرے حساری شعباع کی صورے مسیں کی حباتی ہے۔معیار بر مسیر ارد کھتی تحبیر ب گاہوں مسیں موجود جوہری گھسٹریوں کے صحیح ومشتی اسٹارے یوری دنیا مسیں نشیر کیے حباتے ہیں۔

کیت

پیسرسس شہرے متریب رکھے گئے پلاٹسینم واریڈیم کمین معیار ، کلوگرام کی تعسرین ہے۔ جوہری پیساند پر پیسائٹس کے لیے جوہری کمسیق اکائی استعال کی حباتی ہے جس کی تعسرین کاربن 12 جوہر کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ اب بیائش

كثافية

کی بھی چینز کی کثافت مے مسراد اکائی حجب مسین اسس کی کمیت ہے۔

$$\rho = \frac{m}{V}$$

سوالات

لمبائی اور دیگرامشیاء کی پیپ اکش

سوال ۱. از مسین تخیب آیک کرہ ہے جس کارداسس 106 m × 6.37 ہے۔ اسس کا(۱) محیط کلومیٹر مسیں، (ب) سطحی رقب مسریح کلومیٹر مسین، اور (ج) تحب کلومیٹر مسین کتن ہے؟

سوال ۱۰: اثاء کی مستمل اکائی نقط کہائی ہے،جوانی کے جرابر ہے۔ مسرع نقط کی اللہ ہے۔ مسرع نقط کی صورت مسین 0.1 مسرع انج کلیس۔

سوال ۱.۳: ایک مائیکرومیٹر (µm) کو عصوماً مائیکران کہتے ہیں۔(۱) کتنے مائیکران 1 km کے برابر ہیں؟(ب) سنٹی میٹر کاکتنا حصہ 4 ہوگا؟(ج) کتنے مائیکران ایک گز کے برابر ہول گے؟

سوال ۱۰.۱: اسس کتاب مسین من صلے نقل اور پیکا اکائی مسین رکھے گئے ہیں: 12 نقط 1 پیکا کے برابر ہے، اور 6 پیکا 1 اپنی کے برابر ۔ اگر کتاب مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین کتنی عناطار کھی گئی ہو، تب یہ کتنی عناطار کھی گئی ہے ؟

سوال ۱.۵: ایک معتابلے مسین گھوڑے 4.0 منسرلانگ دوڑ گاکر طے کرتے ہیں۔ اسس مناصلے کو (۱)عصاور (ب) زخیبر کی صورت مسین کھیں۔ (ایک منسرلانگ منسرلانگ 201.168 m کے برابر ہے۔ ایک عصا 5.0292 m اور ایک زخیبیر m 20.117 کے برابر ہے) ۱٫۱۰ کمیت

حبدول ۲.۱ بملی گرام، گرام، اور کلو گرام کی چین د قیمتیں۔

	mg	g	kg
30			
0.0			

سوال ۱.۱: حبدول ۱.۱ کسل کریں۔ (۱) بدول مکسل کریں۔ (ب) mg (ب) 55 mg کینے 12 cm³ کینے ابر ہوگا؟ (ج) 12 cm³ کے برابر ہوگا؟

سوال کے ان ماتوائی معمار پانی کا حجم عصوماً ایکر فن مسین ناپتے ہیں، جس سے مسراد ایک ایکر رقبے پر ایک فٹ گہر را گہر راپانی ہے۔ ایک شہر جس کارقب 26 km² ہے مسین 30 منٹ کی بارشن 2 ان پانی برت تی ہے۔ شہر پر کتا ایکر فٹ یائی برستاہے؟

سوال ۱.۸: ایک سٹر کے 32 مسیل اور 5 مسیر لانگ لبی ہے۔ اسس کی لمب نکی ہوگی؟
سوال ۱۹۰۹: بہر منجد جونجی عالقت ریب نیم دائری ہے (شکل 1.5) جس کارداسس 2000 km ہے۔ اسس مسین برنے کی اوسط موٹائی m 3000 سے۔ بحسر منجمہ جونی مسین کتنے cm³ برنے پایا جاتا ہے؟ (زمسین کی سطح مستوی تصور کریں۔)

وقب

سوال ۱۰.۱۰: بہت و سیج ممالک مشاأ روس مسیں مختلف مصامات پر گڑیوں کا وقت ایک دوسرے سے مختلف ہوتا ہے۔ (۱)خط تول بلد کے کتنے درج دلیا کے بعد ایک گھٹے کا نسبرق پایا جب کے گا؟ (امشارہ: زمسین 24 گھٹے مسیں 360 گھومتی ہے۔) ایک خط تول بلد کتنے منٹ کے برابر ہوگا؟

سوال ۱۱،۱۱: فضرانسینی انقبلاب کے بعید تقسریباً 10 سال تک حکومت کوشش کرتی رہی کہ وقت کی پیسائش مضمر ب 10 رکھی حبائے؟ ایک ہفتہ مسین 10 دن ایک دن مسین 10 گفٹے، ایک گھنٹ مسین 100 منٹ، اور ایک منٹ مسین 100 در کھے گئے۔

(۱) منسرانسیبی اعثاری ہفتہ اور معیاری ہفتہ کی نبیت ، اور (ب) منسرانسیبی اعثاری سیکنڈ اور معیاری سیکنڈ کی نبیت ، نبیت کسا ہے؟

سوال ۱۲.۱: ونسیا کا شین ترین بڑھت پودا "ہمپروہوکا" کہا تا ہے جو 14 ون مسین $3.7 \, \mathrm{m}$ بڑا۔ پودے کے بڑھنے کی مشرح $\mu \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$

موال ۱۳۱۱: تین گھٹڑیال الف، ب، اور پ مختلف رفت اربے حیلتی ہیں اور بیک وقت صنب رنہ میں دیتی۔ شکل 6.1 مسیں حیار موقوں پر ان کی بیک وقت ہیں کشش دکھائی گئی ہے۔ (مشال کے طور پر جسس لمحہ گھٹڑی ہے 25 ویتی

antarctica^{r2}

اب. ہیائش

ہے، گھٹڑی پ 92 ویق ہے۔)اگر دو واقع سے گھٹڑی الف پر 8 600 مناصلے پر واقع ہوں، سے (الف) گھٹڑی سے پر اور (ب) گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی الف 8 400 ویق ہے اسس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (جہس وقت گھٹڑی ہے۔) سس وقت گھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کے تصور کریں۔)

سوال ۱۱۴: ایک درسس (جو 50 منے کا ہے) تخبیت ایک خورد صدی کا ہوگا۔

(۱)ایک خور د صبدی دورانی کتنے مزید ہوگا؟ (ب) درج ذیل کلیہ استعال کرتے ہوئے تخسین مسیں فی صبہ و نسرق تلاسٹس کریں۔

$$= \left(\frac{\vec{z}_{\text{au}} - \vec{z}_{\text{au}}}{\vec{z}_{\text{out}}}\right) 100$$

سوال ۱.۱۵: دو هفتول کاوقت کتنے us ہوگا؟

سوال ۱۱.۱: معیاری وقت کادارومدار جوہری گھٹڑیوں پر ہے۔ اسس سے بہتر معیار سیکنڈ مالین ہم سبنی ہو سکتا ہے، جو گھٹڑیوں پر ہے۔ اسس سے بہتر معیار سیکنڈ مالین ہم سبنی ہو سکتا ہے، جو گھوست تارہے جن مسین صرف نیوٹران پائے جب تے ہیں) ہیں۔ ان مسین سے گا انتہائی ٹھوسس تارہے جن مسین سرتب زمسین پر شعباع ڈالتے ہیں (سمندر کے کسنارے مغارہ مغارہ فور مئی طسر ہے کے دوران ایک مسین پر شعباع ڈالتے ہیں (سمندر کے کسنارے مغارہ فور مئی طسر ہے ہوا کہ 1937 میں ہوگئی ہے۔ ایسا تارہ ہے جوا کہ سین پر شعباع ایک ایک ایک ایک تابیخ کے مسین عسر میں وہ ساز کو خطسر سے ہوا کہ توسری ہورا کرتا ہے، جب ان آمسنر مسین 3 ٹے آمسیری ہدید مسین عسد میں عسد میں عسد میں عسد میں عسد میں عسد میں عسد کے مطلب نہیں)۔

(۱) __ نابض 7.00 دنوں مسیں کتنے حپکر کاٹت ہے؟ (ب) _ نابض 10 لاکھ مسرتب ٹھیک کتنے وقت مسیں حبکر کاٹت ہے،اور (ج) اسس سے واب تاعب میلینیت کے ہوگا؟

pulsars^{rA} neutronstar^{r9}

lighthouse".

١١. کيـــــ

سوال ۱۱.۱۷: تحبرب گاہ مسین گھٹڑیوں کی حبانچ پڑتال کی حبارہی ہے۔ ہفتے کے سات دن ٹھیک دو پہر 12 بج گھٹڑیوں کا وقت ذیل حبدول مسین پیش ہے۔ بہترین وقت رکھنے والے گھٹڑی پہلے رکھ کر گڑیوں کی در حب سندی کریں۔ایخ انتخاب کی وجب پیش کریں۔

ہفت	جعب	جعسرا <u>۔</u>	بدھ	منگل	پیےر	اتوار
12:38:14	12:37:59	12:37:44	12:37:27	12:37:12	12:36:56	12:36:40
12:00:03	11:59:56	12:00:02	12:00:07	11:59:57	12:00:02	11:59:59
15:56:33	15:55:35	15:54:37	15:53:39	15:52:41	15:51:43	15:50:45
11:57:17	11:58:24	11:59:31	12:00:38	12:01:45	12:02:52	12:03:59
12:01:12	12:01:22	12:01:32	12:01:52	12:01:54	12:02:49	12:03:59

سوال ۱۱.۱۱: زمسین کی گروشش دن بدن آہتہ ہورہی ہے، اور دن لمب ہو تاحب رہاہے۔ پہلی عسیسوی صدی کا آحسری دن صدی کے کہلے دن سے 1 ms کسب ہے۔ 20 صدیوں مسین ایک دن کا دورانیہ کل کتن ابڑا؟

سوال ۱۰۱۹: خط استواپر پر سکون سمندر کے کمن اربے رہیں۔ پر لیٹ کر آپ عضروب ہوتے سورج کانظبارہ کر رہے ہیں۔ جیسے ہی سورج کا بلا سسر سمندر کے پیچھے عضروب ہوتا ہے، آپ گھٹڑی مسیں وقت و کھے کر قسلم سند کرتے ہیں۔ اسس کے بعد اتنی بلندی پر گھٹڑے ہو کہ کہ آپ کی آئکہ $H=1.70 \, \mathrm{m}$ زیادہ او نمپ آپ پر ہو، آپ دوبارہ سورج کے بالا سسر کو عضروب ہوتے و کھے کر وقت قسلم سند کرتے ہیں۔ کل دورانب $t=11.1 \, \mathrm{s}$ ملت ہے۔ زمسین کارداس τ کتن ہے؟

کمید ••

سوال ۱۰،۲۰: عوال مسین شینے کی سب سے بڑی ہوتل بنائی گئی جس کا تحبہ 193 امسر کی گئیلن میں۔ (۱) یہ ہوتل سوال ۱۰،۳۰ میں سفینے کی سب سے بڑی ہوتل 1.8 g min کی ششرہ سے پانی سے بھسری حب نے، کتناوقت در کار ہوگا؟ یانی کی کثافت 7 میں 1000 kg m سے۔

سوال ۱۰:۱: زمسین کی کمیت 5.98 × 10²⁴ kg m⁻³ ہے۔زمسین کے جوہر (ایٹم) کی اوسط کمیت تقسریباً سا 40 u

سوال ۱۰۲۲: سونے کی کثافت 19.32 g cm⁻³ ہے، اور ہے سب سے زیادہ تار پذیر الاوسات ہے، جس کو دباکر باریک ہونے کے 1.000 ہوٹی حیائے جارا) اگر 27.63 و نے سے 1.000 ہوٹی حیائے دربائی حیائے، اسس تاریک ہونے کے سے درکارقب کتن ہوگا؟ (ب) اسس کے بر عکس، اگر اسس سے μ 2.500 رداسس کا تاریک یا حیائے، اسس تارکل کتنی ہوگا؟

سوال ۱۰۲۳: (ا) پانی کی کثافت شیک 1 g cm⁻³ منسرض کرتے ہوئے، 1 m³ پانی کی کمیت تلاسش کریں۔(ب) اگر ایک برتن سے 5700 m³ یانی کی نکامی 10.0 گھنٹوں مسیں ہو، نکامی کیت کی مشدر 7 l مسیر کتنی ہو گی؟

ductile

اب ابتیائش

سوال ۱.۲۴: سے سل سمندر پر ریسے زیادہ تر کروی سیایان ڈائی اکسائیڈ کے دانوں پر مشتمل ہے ، جن کا اوسط رداسس 1.۲۴ میں 1.00 سے 2600 kg m⁻³ ہے۔ کتی کمیت کے ریتسیلی دانوں کا کل سطی رقب (تمسام انفسنرادی کروں کا محبوعی رقب 1.00 سلع کے مکعب کے سطی رقبہ کے برابر ہوگا؟

سوال 1.18: تینز بارٹس کے دوران پہاڑی کا ایک حصہ ، جس کی افقی لمب کی میں 2.5 km ، ڈھ اوان کے ہمسراہ لمب کی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ موٹی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی میں موتی موتی $1.5 \, \mathrm{km}$ میں موتی میں

سوال ۱۲۱. : تودہ ابر بادل ۲۳ کے 1 cm³ مسیں تقسریباً 50 تا 500 پانی کے قطسرے پائے حب تے ہیں، جن کاعسوی رداسس m μ 10 ہوگا۔ دیے گئے سعت کے لیے، درج ذیل کی کمت راور بلند ترقیمتیں کسیا ہوں گئ (۱) نکلی مشکل وصورت کے تودہ ابر بادل، جس کارداسس 1 km اور قتد 3 km ہو، مسین کتن اس شاہ وگئ (ب) سے پانی ایک لیسٹ رکی کتنی ہو تلیں مسیر سکتا ہے؟ (ج) پانی کی کافٹ سے 1000 kg m⁻³ ہیسر سکتا ہوگئ؟

 $-2.87 \, \mathrm{g \, cm^{-3}}$ سوال ۲۰۱۰: او ہے کی کثافت $-7.87 \, \mathrm{g \, cm^{-3}}$ ہو ہر (ایٹم) کی کیت $-9.27 \times 10^{-26} \, \mathrm{kg}$ ہو ہر ایٹم) کی کیت و جو ہر کا تحب م اور (ب) مسر ہی جو ہر کے مسر اگز منسل کریں جو ہر کروی ہے اور (ب) مسر ہی جو ہر کے مسر اگز کی میں اسلامی ہو ہو گا؟

سوال ۱٫۲۸: جوہر کے ایک مول ۳۳ سے مسراد عدد 10²³ × 6.02 بے۔موئی گھر یلوبلی مسیں،مقدار کے تسریبی رسب بال سال ۱۵ سال ۱۸ س

سوال ۱۰۲۹: آپ ملائیشیا کے مولی منٹی مسیں بیسل حضریدتے ہیں، جسس کاوزن مصامی اکائیوں مسیں 28.9 کچول ہے: ایک کچول ہے: کچول ہ

 $m=5.00t^{0.8}-1$ ووال ۱۳۰۰: رستا ہوئے ظسر نے مسین پانی انڈیلا حباتا ہے۔ پانی کی کمیت وقت t کا کانٹ عسل $t\geq 0$ کانٹ مسین پانی کی کمیت اعظم ہے، m کی اکائی گرام ، اور t کی اکائی سیکنڈ ہے۔ (۱) کس کمیے پر پانی کی کمیت اعظم ہے، اور (ب) اعظم کمیت کتنی ہے؟ کمیت مسین شبدیلی کی ششر تی، t=2.00 kg min کا کیوں مسین (ج) t=2.00 s (۱) عظم کمیت کتنی ہے؟ کمیت مسین شبدیلی کی ششر تی، t=5.00 s (۱)

سوال ۱۹۰۱: سیده کھٹرابرتن ، جس کی تہہ کارقبہ 14 cm با 17 ہے ، مٹھائی ہے بھسراحباتا ہے۔ انفسرادی مٹھائی کے بھسرا انفسرادی مٹھائی کی کیست g 0.0200 ور تحبم 50.0 mm³ ہے۔ مٹھائیوں کے گا حنا نظسرانداز کریں۔ برتن مسین مٹھائیوں کی بلندی کی سشرح (کلوگرام فی مٹھائیوں کی بلندی کی سشرح (کلوگرام فی منٹ کی کیست مسین اضاف کی سشرح (کلوگرام فی منٹ کی کیست مسین اضاف کی کسی ہے؟

اضافي سوالاھے

سوال ۱۳۲۲: حققی گھے۔ کے لیاظ ہے 12: 1 پیسان ہے گڑیا گھے۔ بنایا جباتا ہے (یعنی گڑیا کے گھے۔ رکابر صلع حقیقی

cumulusclouds

١١. کيت

گھسر کے مطابقتی صلع کا 1 ہوگا)۔ ساتھ ہی حقیق گھسر کے 144 : 1 ہیں نہے مسزید تجھوٹا گھسر تعمید کمیاد باتا ہے ، جو گڑیا گھسر کے اندر رکھا جائے گا۔ و نسر ض کریں، حقیق گھسر (شکل 7.1) کی لمبائی (ساننے سے) 20 m ، گہسرائی اس 20 m میں اور باسندی m 6 ہے، اور اسس کا چھت ڈھسلوانی ہے، جسس کی اونحپائی m 3.0 ہے۔ (ا) گڑیا گھسر اور (ب) گڑیا گھسر کے اندر رکھے حبانے والے مسزید چھوٹے گھسر کا تحبیم، مسریح مسیر مسیں، کہیا ہوگا؟

اب. ابیائش

سوال ۱۳۳۳: برصغی مسین لمب نی کی ت دیم اکائی کو سس ہے جو آئین اکس مسین پانچ ہزار گزئے برابرر کھٹا گیا۔ برط انوی سامسران نے اکسیس گرام نے کہ البر ہے۔ مغلید دور کی شاہر اہوں سامسران نے اکسیس گرام نے مقلید دور کی شاہر اہوں (تی ٹی روڈ) پر جگٹ جگٹ ایس بھی کو سس میں الرکھٹٹ نظر آتے ہیں۔ دریائے سندھ پر انگ کے مسیری پر انڈ بالے میں ایس میں الرکھٹٹ مسین پر منگ (یا فسنرس) بھی استعال ہو تارہا۔ پر منگ وہ ماسلہ ہے جو گھوڑا حیل کر ایک گھٹے مسین طے کر تا ہے۔ یوں ایک پر منگ تقت ریب ڈیم مسیل کے برابر ہے۔ موٹروے پر اللہ بورے ملت ان تک کاف صل اور کتے پر منگ ہے؟

جواب: 83.6 کو ^س، 73 پرسگ

سوال ۱٬۳۳۳ موجوده دور مسین ایک گز 36 ان میم مسایعتی تین فیٹ کے برابر ماناحباتا ہے۔ پاکستان مسین اراضی کی پیپ کشش ایکڑ ، کسنال ، مسرلہ مسین کی جب آیک ایکڑ مسین آٹھ کسنال اور ایک کسنال 20 مسرلہ کے برابر ہے۔ ایک کسنال کلی مسرئ گزیعنی 505.857 m² کر ابر ہے۔ (۱) 48.5 کسنال کارقب کتے مسرلہ ہوگا، (ب) یمی رقب کتے مسرئع گزیوگا؟

جواب: (ا) 970 مسرله، (ب) 29343 مسرئع گز، (خ) 2344 گز

سوال ۱۳۵۵: ایک من ^{۳۵}وزن دسس وهروی کے برابر،ایک وهسژی حیار سیر کے برابر،ایک سیر حیار **پاو** کے برابر، اورایک پاوحپار چھٹ**انک** کے برابر ہے۔ایک من شک حق 37.3242 kg کے برابر ہے۔ایک شخص تین من دود هسژی پانچ سیر تین باداور دوچے شانک گندم حسرید تاہے۔ گندم کی کیت kg مسیس کتن ہے؟

بواب: 124.919 431 9 kg

موال ۱۳۲۱: مونے کے وزن کی اکائی تولم ۳۲ ہے۔ ایک تولہ 12 ماشوں کے برابر ہے۔ ایک تولہ ایک ماشوں کے برابر ہے۔ ایک تولہ اور سات ماشنے کا مونا حضریدتے ہیں۔ سے کتنے اسلام کے برابر ہوگا؟

جواب: 65.122 88 g

سوال ۱٫۳۷: چینی کے تعبی دانے کا ضلع علی اسلام 1 cm ہول، ڈیا مسین ایک مول چینی کے تعبی دانے ہوں، ڈیا کا ضلع کی م ہوگا؟ (ایک مول 6.02e23 کو کہتے ہیں۔)

موال ۱۳۸۸: ایک یوسف ذئی حنان کے پاکس 12 ہزار حبریب کی اراضی ہے۔ ایک حبریب حیار کمنال کے برابر ہے، اور ایک کتنے km ہوگا؟ برابر ہے، اور ایک کتنے km ہوگا؟ جواب: 1.102 km

موال ۱۹۳۹: برطنانوی گئیلن امسر کی گئیلن سے مخلف ہے: ایک برطنانوی گئیلن 4.546 لیٹر، جبکہ ایک امسر کی گئیلن 3.785 لیٹر، جبکہ ایک امسر کی گئیلن 3.785 411 8 لیٹر کے برابر ہے۔ برطنانیہ مسین حضرید کی گاڑی کے بنانے والے دعویٰ کرتے ہیں کہ ان کی گاڑی ایک گئیلن شیل مسین مسین 40 km مناصلہ طے کرتی ہے۔ ایک شخص گاڑی حضرید کر امسریکہ لے حیاتا

inch

maund

۱٫۲ کی<u>ت</u>

ہے۔امسریکہ مسیں 750 مسل مناصلہ (۱) کتنے گیلن شیل مسیں طے ہونا متوقع ہے اور (ب) گاڑی حقیقت اُکتٹ تسیل استعمال کرے گی؟

سوال ۴۰.۱: اسس باب مسیں پیش کیے گئے مواد کو استعمال کرتے ہوئے دریافت کریں کہ 1.0 kg ہائیڈروجن حساس کرنے کے لیے ہائیڈروجن جوہروں کی تعبداد کتی ہوگی۔ ہائیڈروجن جوہر کی کیست 1.0 u ہے۔

سوال ۲۱،۱: ایک ڈر می جس کی لمبائی دوفٹ ہے کا حجب 100 کیٹ رہے۔اسس کارداسس cm مسین کسیاہوگا؟ جوا۔: 22.85 cm

سوال ۱٬۳۲۰ پانی (H_2O) کے سالب مسیں دو ہائیڈروجن اور ایک آئسیجن جوہر پایا حباتا ہے۔ ہائیڈروجن جوہر کی کیت 1.0 u اور آئسیجن جوہر کی کیت 1.0 u ہوگی؟ (ب) دنیا کے کیت 1.0 u اور آئسیجن جوہر کی کیت 1.0 u ہوگی؟ (ب) دنیا کے تمام بحسر مسین (تخمیٹ) کل 1.0 kg پاپایاجاتا ہے۔ اس یانی مسین کتنے سالم ہوں گے؟

موال ۱٬۳۳۳: ایک شخص خوراک کی معتدار کم کر کے ایک ہفت مسین 2.3 kg کمیت گھٹا کیا ہے۔ کمیت گھٹا کی مصرح۔ سے معتاد کم کر کے ایک ہفت مسین کھیں۔

 $^{\circ}$ سوال ۱.۳۳ یانی کی کثافت $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ اسین دیے گئے شہدر پر کتنی کمیت کایانی برب

سوال ۱٬۳۵۵: (۱) بعض او ت نورد بنی طبیعیات مسیں وقت کی اکائی شکھے ^{۳۷}استعال کی حباتی ہے ، جو تقت سریباً ع استعال کی حباتے ہیں؟ (ب) تقت ریباً ع اللہ ۱٬۳۵۵ کے برابر ہے۔ کمیا سال مسیں سیئنڈوں سے زیادہ سیئنڈ مسیں شیک پائے حباتے ہیں؟ (ب) زمسین پر بنی آدم 66 سال گزار چکا ہے، جب کائٹ وال سال پر انی ہے۔ اگر کائٹ ک کی پوری عمسر ایک "کائٹ آتی دن "تصور کی حبائے، جس مسیں" کائٹ آتی سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سادہ سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سادہ سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سادہ سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سیئٹر سیئر سیئٹر س

سوال ۱٬۳۲۱: کوئلے کی کھسان سے سالانہ m 26 گہسرائی تکسے 200 ایگزر قبے کا کوئلہ سے سل کسیا جب تاہے۔ یہ کوئلہ تخت کوئلہ کتنے 8 km کے برابر ہے ؟

سوال ۱٬۳۷٪ سورج اور زمسین کے درمسیان اوسط من صلے کو ایک فلکیاتی اکائی است ہیں۔ روشنی کی رفت ارتقاد میں میں۔ تقسریب 108 m s⁻¹ ہے۔ روشنی کی رفت ارفلک آئی اکائی فی منہ مسیس کھیں۔

سوال ۴۸، ۱: مشرقی نیولا کی کمیت تقسریباً g 75 ہوتی ہے، جو تخمیناً 7.5 مول جوہر کے برابر ہے۔ (جوہروں کا ایک مول 6.02e23 جوہر کے برابر ہے۔) نیولا کے جسم مسین جوہر کی اوسط کمیت کو جوہری کمسیتی اکائی (u)مسین لکھیں۔

سوال ۱۹۸۱: حباپان مسین لمبائی کی روایق اکائی کی روایق اکائی کی گرخ مسیم کین اور مسریح کین اور مسریح کین اور مسریح مسیر کی نبیت اور (ب) تعبی کین اور تعبی مسیر کی نبیت کسی ہے؟ ایک بسیان، جس کی بلندی 5.05 کین اور راسس 3.00 کین ہے، کاحمب (ج) تعبی کین اور (د) تعبی مسیر مسیر مسین کسی ہوگا؟

shake^{r2} astronomicalunit^{r4}

kan^{rq}

اب، پیرائش

سوال ۱۵۰۱: آپ مشرق کی طسرف 24.5 میل کشتی چلاتے ہیں جبکہ آپ کو 24.5 سمندری میل سفسر کرنا تحتا۔ایک سمندری میل 1.1508 زمینی میل کے برابر ہے۔ آپ اصل معتام سے کتن دور ہیں؟ ۱٫۲ کی<u>ت</u>

سوال ۱۵.۱: ایک سمتیہ جسس کا و تدر m 7.3 m ہیں۔ محور کے رخ سے گھٹڑی کی سوئی کے محتالف رخ °250 پر xyx مستوی مستوی مسین پایا جباتا ہے، الف اسس کا x حبز اور ب وائی حبز تلاشش کریں۔

26.3 سمتیہ ہے ہور تا $\theta = 30^\circ$ سے اور پہ y مستوی مسیں زاوی $\theta = 30^\circ$ کہ رخ ہے، مشکل 26.3 دیکھ میں اسس سمتیہ کے الف x جسبز اور پر جسبز تلامش کریں۔

سوال ۱۵۳۳: سمتیه کام حسز - m اور وحسز + 40 m ہے۔الف سمتیه کافت در کتن ہے؟ بسسمتیه کے رخ اور محور x میں میں اور کے گزاور کے درخ اور محور کتن ہے؟ کتن ہے؟

سوال ۱۵۵۰: درج ذیل زاویوں کوریڈین مسین بیان کریں: الف °20 ، ب °50 ، ج °100 _ درج ذیل زاویوں کو درجوں کی صورت مسین پیشن کریں: 20.00 ریڈین، و70.70 ریڈین۔

سوال ۱۵۵. ا: ایک بحسری جہاز شمال کے رخ 120 km دور نقل کی حبانب پنچن حیابت ہے۔ سفسر کے اعنی از سے پہلے ہی ایک غنسبر متوقع اند ھی اسس کو نقطہ اعنیازے مشرق حبانب 100 km دور دکھیات ہے۔ اسس جہاز کو اختای نقطہ پر پہنچنے کے لیے الف کتناف صلہ طے کرنا ہوگا طے کرنا ہوگا اور (ب) اے کس رخ سفسر کرنا ہوگا ؟

سوال ۱۵۱: سنگل 27.3 مسیں ایک جب اری مشین کو اف کی رخ سے زاویہ $0 = 20^\circ$ پررکھے گئے تختے پر $d = 12.5 \,\mathrm{m}$ وناصلے تک گسیٹ حب تا ہے۔ اسس مشین کو (الف) انتصابی روح اور $d = 12.5 \,\mathrm{m}$ کیا گسیٹ کو سالے گلی ہوگا ہے۔ اس مشین کو سالے گلی ہوگا ہوں کا میں مشین کو سالے گلی ہوگا ہوں کا میں مشین کو سالے گلی ہوگا ہوں کی میں کا گسیٹ کو سالے گلی ہوں کا میں مشین کو سالے گلی ہوں کا میں میں کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کی میں کا میں کی میں کا میں کی میں کا میں کی کو کا میں کا میں کی میں کی کا میں کا میں کی کرنے گئی گسیٹ کی کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کو کا میں کی کرنے گسیٹ کو کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ

سوال ۱.۵۷: ایک ہٹاؤجس کا قتدر m m ہے اور دوسراہٹاؤجس کا قتدر m m ہے پر غور کریں۔ دکھائیں کہ ان ہٹاؤجس کا قتدر کے ہٹاؤجس کا قتدر کے ہٹاؤساں سے جہاؤسساں کیے حبا ہٹاؤسمیات کو استعال کرتے ہوئے(الف) m r ، (ب) اور (ج) m فتدر کے ہٹاؤساں کے جبا سکتے ہیں۔ Adodule کائی سمتیات ، سمتیات کی جمع بذرایو۔ احبزاء

سوال ۱.۵۸: ایک شخص 3.1 km شمال کی طرف جیلئے کے بعید 2.4 km معتبر اور احت میں 5.2 km معتبر اور احت میں 5.2 km پرندہ اس کے حسر کت کو ظاہر کرنے کے لیے سمتی نقث بنائیں۔ ایک پرندہ اس نقط اغنازے سیدھ انقط اختام تک اڑتے ہوئے (ب) کتناف اسلام کے گاور (ج) کس رخ طے کرے گاور (ج) کس رخ طے کرے گا

سوال ۱.۵۹: درج ذیل دوسمتیات دیے گئے ہیں

$$a = (4 \text{ m})i - (3 \text{ m})j + (1 \text{ m})k$$

اور

$$b = (-1 \,\mathrm{m})i + (1 \,\mathrm{m})j + (4 \,\mathrm{m})k$$

 $\vec{a} - \vec{b} + \vec{b}$ اور \vec{b} اور \vec{a} اور \vec{b} اور \vec{b} اور $\vec{d} + \vec{b}$ اور \vec{d} اور

 $d_x = 4.4$: $c_z = -6.1$: $c_y = -3.8$: $c_x = 7.4$ ول مسين احبزاء $d_z = 3.3$: $d_z = 3.3$:

سوال ۱۲.۱: (النب) اگر $\vec{b} = (-13\,\mathrm{m})\hat{i} + (7\,\mathrm{m})\hat{j}$ اور $\vec{d} = (4\,\mathrm{m})\hat{i} + (3\,\mathrm{m})\hat{j}$ ہوں تب اکائی سمتیا عمال تیت مسیں مجسوعہ a+b کے ابوگا؟ اسس مجسوعے کا (ب) تعدر اور (ج) رخ کے ابوگا؟

باب. بیمائش

سوال ۱۰۲۱: ایک گاڑی کو مشرک کی طسر نے 50 km ، اسس کے بعید شمیال کی طسر نے 100 اور احسر مصیں شمیال کے مشرک حباب 30 km کے رخ 25 km کے رخ 25 سیان شمیال سے مشرک حباب علی است کا مستی نقشہ بن میں۔ ابت دائی افتطالہ سے گاڑی کی کل بن اوکا (الف) متار اور (ب) زاویہ تلائش۔

موال ۱۳۰۳: ایک شخص اینے موجودہ معتام سے 3.4 km دور شمال سے مشر کے حبانب 35° کے رخ معتام پر پنتیک حبابت ہے۔ تاہم اسس کو محب بوراً ایک گلیوں سے گزرنا ہو گاجو مشرق سے معضر ب یا شمال سے جنوب ہیں۔ سے شخص کتنا کم سے کم ون اصلہ طے کر کے اسس معتام تک پنتی ملک ہے؟

عوال ۱۹۳٪: ہموار صحب رامسیں xy محب رقی نظام کے متاز سے اغناز کرتے ہوئے xy محب رد (مائنس 14 میٹر کم 20 میٹر کر 30 m , -140 m) میٹر کی معتام کو پنچنا حیاج ہیں۔ اپ کو صرف حیار مسرتب سید مسیں چلنے کی اور 20 اور 20)، احب ازت ہے۔ اپ کی حسر کرت کے x اور x کور کے لیا خات راور x کور کے لیا خات راویہ کیا ہوگا؟ میٹر وی کا میٹر وی کا کہ اور x کور کے لیا خات راویہ کیا ہوگا؟

سوال ۱۵٪ ان سشکل 3.28 مسیں وکھائے گئے سمتیات a اور b دونوں کے متدر $10\,\mathrm{m}$ ہیں جبکہ ان کے زاویات 00 اور 01 احبزا تلاسش کریں۔ (ج) 01 احبزا تلاسش کریں۔ (ج) مسمتیہ 02 کا محتدر اور (ح) مسبت 02 محور کے رخ کے ساتھ 02 کا ناویہ تلاسش کریں۔

سوال ۱۹۲۱: سناؤسمتیات $\vec{b} = (5\,\mathrm{m})\hat{i} + (-2\,\mathrm{m})\hat{j}$ اور $\vec{a} = (3\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{j}$ کے گے (الف) ایک سمتی عبد المتیت مسین اور (ب) سمتی i کے گیا تا سے زاوی کی صورت مسین a+b ہیان کریں۔ ایک طسرح (د) ایک سمتی عبد المتیت مسین اور (ح) متدر اور (ط) زاوی کی صورت مسین b-a ہیان کریں۔

سوال ۱۹۲۷: تین سمتیات b ، a ، اور c مستوی xy مسیں پائے جبتے ہیں اور ہر ایک کا تدر b ، a ہور کے رخ کے لیا نظرے ان کے رخ بالت حریب a ، a ، a وہ نظرے ان کے رخ بالت حریب a ، a ، a وہ نظرے ان کے رخ بالت حریب a ، a وہ نظرے اور کا در اور کا راف بی بیا ہوگا؛ ایک ایسے چوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے ایسے چوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے بیا ہوگا؛ ایک ایسے پوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے بیا ہوگا؛ ایک ایسے پوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے بیا ہوگا؛ ایک ایسے پوشے سمتیہ کی کا موکن کر تا ہو؟

سوال ۱۸٪ ان مجسوعہ \vec{C} مسین سمتیہ سمتیہ \vec{A} کا صدر \vec{D} اور مثبت \vec{C} رخ سے حناونب گری زاویہ \vec{C} ہے۔ سمتیہ \vec{D} کا الفہ ناویہ \vec{C} ہے، جب کہ سمتیہ جب کا کا تعدر \vec{D} اور مثنی \vec{D} رخ سے حناونب گھٹری زاویہ \vec{D} کا الفہ متدر اور (ب) مثبت \vec{C} محور کے لیافا سے زاویہ کیا ہوگا؟

موال ۱۹٪ ان کیس باغیب مسیں 1 سراف کے چوکور حنانوں کا شطسرنج کی کھیل کامیدان بنایا جاتا ہے ایک نائٹ درج ذیل متدم لیتا ہے: 1 دوچوکور اگے، ایک چوکور دائیں؛ 2 دوچوکور بائیں، ایک چوکور اگے؛ 3 دوچوکور آگے، ایک چوکور بائیں۔ اگے جیلئے کرخ کے لحاظ سے نائٹ کے مجبوعی ہٹاؤکا(الف) متدر اور (ب)زاور ہی کیا ہوگا؟

باب

مخفى توانائي اور توانائي كي بقسا

اختتای حسال مسیں اسپرنگ ڈھیلے حسال مسیں ہو گااور ہواباز س کن زمسینی سطح پر ہو گا،لہذانظ م کی اختتا می میکانی توانائی ذیل ہوگی۔

$$E_{2i\dot{j}\dot{k}_{z'}}=K_{2}+U_{e2}+U_{g2} \ =0+0+0$$

آئیں اب زمینی سطح راہ اور تب راک کی حسر رای تو انائی میں تب یلی کے ΔE کی بات کرتے ہیں۔ مساوات 31.8 f_k کی اب کے کے کے اگر اگر گری قوت و تدر مرب رسر گر کا صاحب کہ f_k الاحب اسکتا ہے۔ مساوات 2.6 ہے ہم حب نے ہیں f_k ہوگا، جب ال f_k عصودی قوت ہے۔ خطہ مسیں تب راک رگڑ کے ساتھ افتی حسر کت کر تا ہیں f_k و گراوپر وار اور نشیب وار قوت برابر ہوں گی)۔ یوں میکانی تو انائی ہے رگڑ درج ذیل مقتد ارکون کر کے گا۔ گوئی کے گ

$$\Delta E_{\sim} = \mu_k mgL$$

(مسنرید تحب رہے کے بغیب رہے حبان مسکن نہیں اسس توانائی کا کتن حصہ تیب راک کواور کتن راہ کو منتقب ہوگا۔ ہم صرف کل مقب دار حبانے ہیں۔)

ماوات 43.8 تاماوات ۲.۲ کوماوات 42.8 میں پر کرنے سے

$$(r.r) 0 = \frac{1}{2}kd^2 + mgh - \mu_k mgL$$

ملت ہے، اہلندا درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$L = \frac{kd^2}{2\mu_k mg} + \frac{h}{\mu_k}$$

$$= \frac{(3.2 \times 10^3 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-1})(5\,\mathrm{m})^2}{2(0.800)(200\,\mathrm{kg})(9.8\,\mathrm{m/s}^2)} + \frac{35\,\mathrm{m}}{0.800}$$

$$= 69.3\,\mathrm{m}$$

آ حنسر مسیں اسس بات پر توحب دیں کہ ریاضی حسل کتنا آسان تھت۔ سوچ سبچھ کر نظام تعسین کر کے یاد رکھتے ہوئے کہ سیہ حبد انظام ہے، ہم توانائی کی بقت کا متانون استعال کرپاتے ہیں۔ یوں نظام کے استدائی اور اختای حسال توانائیوں کو، در میانے حسال حبانے بغیسر، برابر رکھا حب مکتا ہے۔ بالخصوص، عسیسر ہموار راہ پر تسیسراک کی حسر کت پر غور کرنے کی مفرور سی پیش نہیں آئی۔ اسس کی بحبائے، اگر ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور کھاور حساب بھی مشکل ہوتا۔

نظسر ثاني اور حنلاص

بقسائي قوت

وہ تو۔، جو کسی بندراہ پر حسر کت کرتے ہوئے ذرہ پر ، کسی ابتدائی نقطہ سے حیل کر ای نقطہ پر واپس پنٹی کر ، صنسر صافی کام کرتی ہو ا<mark>بقائی قوضے</mark> ہو گی۔ ہم یوں بھی کہہ سکتے ہیں کہ اگر ایک قوت دونقطوں کے پچ حسر کت کرتے ہوئے ذرے پر جو صافی کام کرے وہ راہ پر مخصسر سنہ ہو تب قوت بقسائی ہو گی۔ تحباذ بی قوت اور اسپر نگ قوت بقسائی ہیں؛ حسر کی رگڑی قوت غیر بقائج ہے۔

مخفى توانائى

وہ توانائی جو ایے نظام کی تفکسیل کے ساتھ وابستہ ہو جس مسیں بتسائی قوت عسل پسیرا ہو مخفی توانائی کہائی ہے۔ جب نظام کے اندر ذرے پربتسائی قوت کام W کرے، نظام کی مخفی توانائی مسین تبدیلی ΔU ذیل ہوگا۔

$$\Delta U = -W \tag{8.1}$$

نقطہ x_i سے نقطہ x_f بہنچنے پر،نظام کی مخفی توانائی مسیں تبدیلی درج ذیل ہوگا۔

$$\Delta U = -\int_{x_i}^{x_f} F(x) \, \mathrm{d}x \tag{8.6}$$

تحباذني مخفى توانائي

زمسین اور اسس کے مستریب ذرے کے نظام سے وابستہ مخفی توانائی کو ت**جاذبی مخفی توانائی ک**ہتے ہیں۔اگر ذرہ اللہ بلندی سے م ع مع بلنندی منتقتل ہو، زمسین وزرہ نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسین رونمہ ہونے والی تبدیلی ذیل ہوگی۔

$$\Delta U = mg(y_f - y_i) = mg\Delta y \tag{8.7}$$

y پر در کھ کر اور اسس نقط پر تخب ذبی مخفی توانائی $U_i=0$ رکھ کر کسی بھی بلنندی y پر ذرے کی تحب ذبی مخفی توانائی در جوالہ نقط ہوگی۔

$$U(y) = mgy (8.9)$$

لحي كى مخفى توانائي

لىپىدار جىم كى حسالت تھنچىياحسالت داب سے دابسة توانائى كو ك**ىكى مخفى توانائى** كېچە بىيں۔ایک اسپرنگ،جواسس وقت توت وسلى الىپىداكر تاہے جب اسس كے آزاد سىر كاہنے وx ہو، كى كىپى مخفى توانائى ذیل ہوگی۔

$$U(x) = \frac{1}{2}kx^2 (8.11)$$

u=0 اور u=0 ہو۔ x=0 ہو۔ x=0 ہو۔ اور x=0 ہو۔

بيكانى توانائى

سر کی توانائی K اور مخفی توانائی U کا محب و عب نظام کی میکانی توانائی E_{ik} ہوگا۔

$$E_{\dot{\beta} \not k} = K + U \tag{8.12}$$

جدا نظام سے مسرادوہ نظام ہے جس مسیں "بیدونی قوت" توانائی کی تبدیلی کا سبب نہیں بستی۔ اگر صرف تحب ذبی قوتیں حبدانظام کے اندرون کام کرتی ہوں، تب نظام کی میکانی توانائی میکانی توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات طاہر کرتی ہیں۔ درج ذیل کھا حباسکتا ہے، جبال زیر نوشت توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات ظاہر کرتی ہیں۔

$$K_2 + U_2 = K_1 + U_1 \tag{8.17}$$

ہے اصول درج ذیل بھی لکھاحب اسکتاہے۔

$$\Delta E_{\text{i.j.}} = \Delta K + \Delta U = 0 \tag{8.18}$$

مخفی توانائی منحنیات

ایک نظام، جس مسیں یک بعدی قوت F(x) ذرے پر عمسل پیسراہو، کی مخفی توانائی تفاعسل U(x) حبائے ہیں۔ ہوئے ہم ہے قوت تلاسش کر سے ہیں۔

$$F(x) = -\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}x} \tag{8.22}$$

اگر تف عسل U(x) کی ترسیم دی گئی ہو، کسی بھی نقط ہیں پر ، ترسیم کی ڈھسال کی ننجی اسس نقط ہیر قوت F(x) ہو گی اور ذرے کی حسر کی توانائی درج ذیل ہو گی، جبساں E_{ik} نظام کی میکانی توانائی ہے۔

$$K(x) = E_{ik} - U(x) \tag{8.24}$$

موٹاواپ یں نقطہ سے مسرادوہ نقطہ ہے جس پر ذرہ حسر کت کارخ تبدیل کر تا ہے؛ اسس نقطہ پر K=0 ہوگا۔ جن نقطوں پر K=0 کی ترسیم کی ڈھسال صف ہوان نقطوں پر ذرہ **توازیخ** مسیں ہوگا؛ان نقطوں پر U(x)=0 ہوگا۔

نظام پر بیسرونی قوی کا کر دہ کام

کام W سے مسراد وہ توانائی ہے جو نظام پر بیسر ونی تو سے کے عمسل کی بنانظام سے باہریا نظام کے اندر منتقتل ہو۔ جہاں ایک سے زیادہ تو تین عمسل پیسر اہوں وہاں منتقتل توانائی ان کا محب وی صافح کام ہوگی۔ رگڑ کی غیسر موجودگی مسیں نظام پر کسیا گلے اور نظام کی میکانی توانائی مسیں تبدیلی ΔE_{ik} برابر ہوگی۔

$$W = E_{ik} = \Delta K + \Delta U(x)$$
 (8.26, 8.25)

نظام کے اندر حسر کی رگڑی قوت کی موجود گی مسین مسین نظام کی حسری توانائی ہے E سبدیل ہو گی۔ (حسری توانائی نظام م مسین جوہر اور سالموں کی بلامنصوب حسر کت سے وابستہ ہے۔)الی صورت مسین نظام پر کسیا گسیاکام درج ذیل ہوگا۔

$$W = E_{jk} + \Delta E_{jk} \tag{8.33}$$

ے۔ تبدیلی سے ΔE بیسرونی قوت سے پیداہٹاو کی متدر d اورر گڑی قوت کی متدر f_k پر مخصسر ہے۔

$$E_{\smile} = f_k d \tag{8.31}$$

توانائی کی بقب

نظام کی ک**کل توانا کی** (جومیکانی توانائی اور اندرونی توانائیوں، بشمول حسری توانائی، کامحبموعیہ ہوگا) مسیں تبدیلی اسس توانائی کے برابر ہوگی جونظام سے باہریانظام کے اندر منتقتل کی حبئے۔ اسس تحب رباتی حقیقت کو **توانائی کی بقا** کہتے ہیں۔ نظام پر کسیاکام W ہونے کی صورت مسین ذیل ہوگا۔

$$W = \Delta E = E_{\dot{\beta} \xi_{\bullet}} + E_{\smile} + E_{\dot{\beta}_{\nu} \xi_{\uparrow}} \tag{8.35}$$

$$W=0$$
 کے لئے اسس سے کے انتظام

$$E_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathcal{L}}} + E_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathcal{J},\mathcal{J}}} = 0 \tag{8.36}$$

اور

$$E_{2,ijk,..} = E_{1,ijk,..} - \Delta E_{i,..,k} - \Delta E_{i,ijk,..}$$

$$(8.37)$$

حاصل ہوں گے، جہاں زیر نوشت، 1 اور 2 ، دو مختلف کمحات ظاہر کرتی ہیں۔

ا.٠.١ طاقت

قوت کی بناطباقت، اسس توانائی کے انتصال کی مشیرے کو کہتے ہیں، جو قوت منتصل کرتی ہے۔ یوں Δt دورانپ مسیں اگر قوت اسس توت کی اوسط طباقت درج ذیل ہوگی۔

$$P_{\text{bol}} = \frac{\Delta E}{\Delta t} \tag{8.40}$$

قوت کی لمحاتی طباقت زیل ہو گی۔

$$P = \frac{dE}{dt} \tag{8.41}$$

سوالا ____

موال ۲۱: سشکل 18.8 مسیں افقی حسر کر تاہوا جم نقط دارا فتنا می کسیسر تک تین بلار گزراستوں سے پینی سکتاہے، جن مسین فقط بلندی کا نسنسر ق ہے۔ ان راہ کی در حب بسندی (۱) افتنا می کسیسر پر جسم کی رفت ارکے لحساظ سے اور (ب) افتنا می کسیسر تک جسم کے پہنچنے کے دورانی حسر ک کے لحساظ سے کریں بزیادہ قیت کا نتیج وال کھیں۔

 $- 2 \quad - 2$

سوال ۲۰۳: نقط i سے نقط f کک ایک براہ راست راستہ اور حیار راستے گھوم کر حباتے ہیں۔ براہ راست راست پر اور تین گھوم کر حباتے ہیں۔ براہ راست راست پر بقت کی ورب پر بقت کی ورب پر بقت کی ورب پر بقت کی قوت F_{ij} اور غیب بقت کی تو درب کی میکائی تو بی میکائی میں تب یلی کے اور عب بقت کی ورب نے والی راہوں کے ہر سیدھے ھے پر (حباول میں) درج ہے (ا) براہ راست راست توانائی میں تب یلی کے کہ کھوم کر حب نے والی راہوں کے ہر سیدھے ھے پر (حباول میں) درج ہے (ا) براہ راست راست کے میکن کی میکن کے کا میکن کے میکن ک

 E_{i} پین ΔE_{i} کی اسس ایک راه پرجس پر خیر بین نام کا کی اسس ایک کی جس نام کا کی جس نام کا کی جواند مین ΔE_{i} کی برواند مین ΔE_{i} کی برواند مین خان کا کی برواند مین نام کا کا کی برواند مین نام کا کی برواند کی برواند کا کی برواند کی کی برواند کا کی برواند کا کی برواند کا کی کا کی کی برواند کا کی برواند کا کی کی کا کی کا کی کا کا کی کا کا کا کا ک

سوال ۲۰۳۰ ایک جم جم m 8 بلندی سے بلار گزراہ پر رہاکی حباتا ہے (مشکل 21.8)۔ چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹی اور جم کی تبھی چوٹی سے اثر کر نہیں گرتا۔ (ا) وہ کو نمی پہلی چوٹی ہے جم پار کرنے سے دی گئی ہے جم پار کرنے سے متاصر ہوگا؟ (ب) اسس چوٹی کوپارٹ کرنے کے بعد جم کی اگرے گا؟ جن چوٹیوں کو جم پار کرنا تا ہے، کسس چوٹی پر اسس کی عصودی توسے کم ہوگی؟ کوپارٹ کے باور (د) کسس چوٹی پر اسس کی عصودی توسے کم ہوگی؟

سوال ۲۰۵: ایک جیم بلارگڑ میلان پر A تا C حسر کت کرنے کے بعد افقی خطہ CD ہے گزر تا ہے، جہاں رگڑی قوت عمل پیسرا ہے۔ کیا جیم کی حسر کی توانائی(۱) خطہ AB، (ب) خطہ BC مسیں بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقال ہتی ہے؟ (و) کیاان خطوں مسین جیم کی میکانی توانائی بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقال ہتی ہے؟

سوال ۲۰: ایک بسیان کو، جو انتصابی سیاخ پر حپڑھ اہوا ہے، رس سے اوپر کھینچ جب تا ہے (مشکل 23a.8)۔ تنگ سوراخ کی بدولت یہ سیان کو، جو انتصابی سیان و سیان و در سین میں اراخ کی بدولت یہ سیان و سیان و سیان و در سین انتظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین فعت ہو، بند "کسیا گیا ہے: نظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین اصناف U_g کام کرتی ہو تھا ہم میں صناف کے اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟ مسین اصناف کے عمل اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟

سوال ۲.۷: شکل 24.8 مسیں و کھایانظام سوال ۲.۷ مسیں پیش نظام کی طسر تے۔ یہاں بسیان سے بند گی رق آپ اللہ ۲۰ مسیں پیش نظام کی طسر تے۔ یہاں بسیان سے بند گی رق آپ میٹیجتا ہے۔ یہاں بھی بسیان و آپ نیج کھینچتا ہیں۔ نیج کھینچتا ہے۔ یہاں بھی بسیان و سیاخ وزمسین نظام کو مشکل 23b.8 مسیں پیش نظام کی طسر تصور کریں۔ آپ نظام پر 200 کام کرتے ہیں۔ نظام جم پر 60 کام کرتا ہے۔ نظام کے اندرون مسیں حسر کی توانائی مسیں 130 اصاحت، اور تحب ذبی توانائی مسیں 20 کی رونس ہوئی۔ (ا) شکل 23c.8 کی طسر زپر نظام کی توانائی کو "فعت رہ بند "کریں۔ (ب) نظام کے اندر حسری توانائی مسیں تب ملی کتنی ہوئی۔ (ب) نظام کے اندر حسری توانائی مسیں تب ملی کتنی ہوئی؟

سوال ۲۰۸: ایک جم مشکل 25.8 مسیں راہ پر جیلتے ہوئے h بلندی ہے اتر تا ہے۔ ماسوائے نحیلی افتی حصہ کے ، جس مسیں جم D فتی صلہ کرنے ہے جس کے بعد رک حباتا ہے ، راہ بلار گڑ ہے۔ (۱) بلند h کم کرنے ہے جس D ہے زیادہ ، کم ، یا اسس کے بر ابر و نباصلہ طے کرے گا؟ (ب) اسس کے بر عکس ، جم کی کیت بڑھانے ہے جس D ہے زیادہ ، کم ، یا اسس کے بر ابر و نباصلہ طے کرے گا؟

سوال ۲۰: ایک جم میلان پر اتر تا ہے۔ سشکل 26.8 مسیں تین صور تیں پیشس کی گئی ہیں، جہاں میلان بلار گڑنہیں ہیں۔ سینوں صور توں مسیں جم ایک جتنی بلندی سے آغناز کرتے ہوئے حسر کرت کرتا ہے حتٰی کہ حسر کی رگڑی قوت اسے روک یا تھے۔ ان صور توں کی در حب بندی حسر توانائی مسیں اضاف کے لیے افزی کے ادادہ قیت اول رکھیں۔

سوال ۲.۱۰: تین گیند ایک بلندی اور ایک رفت ارسے چھینے جباتے ہیں (مشکل 27.8)۔ ایک گیند سیدها اوپر پھیکا حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کیا حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کیا حباتا ہے۔ گیندوں کی درحب بندی، نقط دار ککسیر ہے بھی کر ان کی رفت ارکے لیاظے کریں۔ زیادہ قیمت اول رکھیں۔

سوال ۱۰۰۱: جب ایک ذرہ j = i اور j = i اور j = i مشکل 28.8 میں دکھنے راستوں پر دکھنے رخ صر کت کرتا ہے، ایک بقت ل جن ایک بقت f اسس پر عمسل کر کے، مشکل مسیں پیشن کام کرتی ہے۔ نقط f سے براہ راست f منتقت ل مورت مسین ذریع f کتناکام کرے گا؟

مخفى توانائي

سوال ۲۰۱۲: ایک اسپرنگ جو 7.5 cm د بی حالت مسین 25 اکسپکی مخفی توانائی ذخیسره کرتا ہو کامقیاسس کپک کسیاہو گا؟

 $m = 825 \,\mathrm{kg}$ سوال ۱۳.۱۳: پہلی چوٹی جس کی بلندی $h = 42 \,\mathrm{m}$ کو سر کر کے ، بلار گز تفسر یکی گاڑی جس کی کیست B ، اور (ج) نقطہ B تک تک تحب اذبی توقت گاڑی پر کتت کام کرتی ہے ؟ نقطہ C پر گاڑی و زمین نظام کی تحب اذبی تخفی توانائی صف سراسیتے ہوئے اسس کی قیمت اسس وقت کے ہوگا جب گاڑی (د) نقطہ B اور (د) نقطہ B کی قیمت اسس وقت کے ہوگا جب افرائی مسین شیعہ وگاڑی (د) نقطہ B کی تقطہ کی بیات میں ہوگا ؟

سوال ۱۰۱۳: آپ $2 \, kg$ کیت کی کتاب $D = 10 \, m$ بانندی کے کھٹڑی کے نیچ دوست کو گراتے ہو۔ آپ کے دوست کے ہاتھون میں کے $U = 1.5 \, m$ ورست کے ہاتھون میں کے بینچ ہوئے $U = 1.5 \, m$ باندی کی جی بینچ ہوئے کت کام $U = 1.5 \, m$ کر کر گران کتاب وزمین نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی میں کتاب پر تحب ذبی تو تو کت کام $U = 1.5 \, m$ کر کر گران کتاب ہوگی اور کا کتاب ہوگی اور کا کتاب ہوگی اور کتاب ہوگی اور کا کتاب ہوگی اور کا کتاب ہوگی اور کا کتاب ہوگی کا کتاب کر کتاب ہوگی کا کتاب کر کتاب کر کتاب کا کتاب کر کتاب کا ک

 $L=0.452\,\mathrm{m}$ کا کست جس کی کیست $m=0.341\,\mathrm{kg}$ برا کست کا کست کا کست کو انتصابی کا کست کو انتصابی دائر مسیل جس کے ایک سر کے ساتھ باندھ ہوا ہے۔ سان کا دو سرا سر چول دار ہے، جو گیبند کو انتصابی بالا معتام حسر کست کی احبازت دیتا ہے۔ سان کو افقی رکھ کر نیچے رخ اشنا دھکا دیا حباتا ہے کہ گیبند جھول کر انتصابی بالا معتام تک بیشکل پہنچ پاتا ہے، جہاں اسس کی رفتار صغیر ہوتی ہے۔ تحباذبی قوت گیبند پر استدائی نقطہ ہے (۱) نحیلے ترین نقطہ تک، مہانت دائیں ہاتھ نقطہ تک سناکام کرتی ہے؟ ابتدائی نقطہ پر گیبند وزمسین نظام کی تحباذبی مخفی تو انائی صغیر لیتے ہوئے، اسس کی قیمت اسس وقت کیا ہوگی جب گیبند (د) خوب کے بین نقطہ کے ہم بلند دائیں ہاتھ نقطہ پر ہو؟ (ز) منسر شرکر پر گیبند کو اتنی ابتدائی د کھیل دی بین منتظہ بر ہو؟ (ز) منسر شرکر پر گیبند کو اتنی ابتدائی د کھیل دی حبال دی حباق ہے کہ سے بالاترین نقطہ پر غمیر صغیر د فتار سے پہنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ سے بالاترین نقطہ پر غمیر صغیر د فتار سے پہنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ سے بالاترین نقطہ بر غمیر صغیر د فتار سے پہنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ بر کا انتظام کی اور بات کی اور بات کی اور بات کی ہوگا؟

سوال ۲۰۱۱: نصف کروی برتن، جس کار داسس 22 cm ہے، کے کسنارہ ہے 2 g برون نی پرت پیسلنے دی حباتی ہے؟ ہے۔ پرت اور برتن کا تمساس بے رگڑ ہے۔ (ا) برتن کی تہہ تک اترتے ہوئے پرت پر تحباذبی مخفی توانائی کتناکام کرتی ہے؟ (ب) پرتن کی تہد یلی رونسا ہوگی؟ (ج) اگر یہ مخفی توانائی برتن کے دوران کتنی تبد یلی رونسا ہوگی؟ (ج) اگر یہ مخفی توانائی برتن کے کہ تہہ مسین صف ربی حب برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (و) اسس کے برعکس، اگر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (و) اسس کے برعکس، اگر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟

سوال ۱۱. ۲: ایک پتلی سلاخ جس کی گیت و تابل نظر انداز اور لمب کی L=2 m کی گیک سرچول دار به جو سلاخ کو انتصابی دائرے مسیں حیکر کی اجبازت دیت ہے۔ سلاخ کے دوسرے سرک ساتھ δ kg δ اجتدائی کی بیت کا گلیٹ دباندھ آگیا ہے۔ سلاخ کو ایک طسرون δ وہ δ اور بتا کہ گلیٹ کو ایک ہوگا گلیٹ دباندھ آگیا ہے۔ سلاخ کو ایک طسرون δ وہ δ اور اور بتا کام کرتی ہو اور کی خواد بی میں تبدیلی کی ہوگا ہوگا گلیٹ دوز مسین نظام کی تحباذ بی مختی تو انائی مسیں تبدیلی کی ہوگا ہوگا گلیٹ دوز مسین نظام کی تحباذ بی مختی تو انائی مسیں تبدیلی کی ہوگا ہوگا ہوگا تا حبزوج کے جواب مسیں موگا ہی ہوگا ہی ہوگا ہی ان مسیں کوئی تبدیلی جسیں ہوگا ؟

سوال ۱۲.۱۹: کھٹڑی چینان جس کی بلندی سے 12.5 ہے، کی چوٹی نے افق کے ساتھ °41 اوپررخ 1 سے 14 m s ابتدائی سستی رفت اسے میں منتقل کے ساتھ 1.50 kg ابتدائی سستی رفت اسے میں منتقل کے ساتھ 1.50 kg کا برواز کے دوران برواز کے دوران گولا پر تحباذ بی مخفی توانائی مسیں کنئی دوران برون گولا پر تحباذ بی مخفی توانائی مسیں کنئی سبد کی رونسام کی تحب اس وقت کیت اسس وقت کیت کئی تیست صف راسیتے ہوئے، اسس کی تیست اسس وقت کیت ہوئے، اسس کی تیست اسس وقت کیت ہوئے، اسس کی تیست اسس وقت کیت کو گھرجہ گول جب گول نے خورسین پر ہو؟

مكانى توانائى كى بقب

سوال ۲۰۳۰: تفسر یکی گاڑی کی رفت ارسوال ۲۰۱۳ مسین (۱) نقط A پر، (ب) نقط B پر، اور (ج) نقط C پر کسیا ہو گا؟ (د) آخن میں کہ گاڑی کس مرکز نے سے متاص ہے، پر گاڑی کسس بلٹ د تک جنج پائے گا؟ (د) گاڑی کی کمیت دگنی کرنے سے حب زوا تاحبز ود کے جو ابات کسیا ہوں گے؟

سوال ۲۰۲۱: (۱) ہاتھوں کو پینچ کر کتاب کی رفت ارسوال ۲۰۱۴ مسین کمیا ہو گی؟ (ب) کتاب کی کمیت و گئی کرنے سے یہ رفت ارکسیا ہو گی؟ (ب) کتاب کے برعکس، اگر کتاب نینچ چھین کی حبۓ، کمیا حب زوائے جواب مسین اضاف ہوگا، کی ہو گی، پاکس مسین کوئی تب یہ ہوگی؟ گی، پاکس مسین کوئی تب یہ بلی نہیں ہوگی؟

سوال ۲۰۲۲: (۱) پرتن کی تہہ کو پہنچ کر سوال ۲۰۱۲ مسیں بر صنانی پرت کی رفت ارکب ہوگی؟ (ب) پرت کی کمیت و گئی کرنے سے بہ رفت ارکی ہوگی؟ (ج) اسس کے بر عکس، اگر پرت کو برتن کے ہمسراہ ابت دائی نینچے رفت اردی حبائے، کمیا حب نوواک جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، پاکسس مسیں کوئی تب دلی نہیں ہوگی؟ سوال ۲۰۲۳: (۱) توانائی کے تراکیب، ناکہ باب 4 کے تراکیب، استعمال کرتے ہوئے سوال ۲۰۱۹ مسیں کھٹری چیٹان کی چوٹی سے نیچ زمسین پر پیچ کر سے نے دفتار کیا ۔ (ب)زاویہ پیچنک افق سے ° 41 نیچ رکھنے سے رفتار کیا ، وفتار کیا ہوگی؟ (ج) کمیت کے رفتار کیا ہوگی؟ موٹ کا 2.5 kg کرنے سے رفتار کیا ہوگی؟

سوال ۲۰۲۳: اسپرنگ بندوق سے $g = 5.0 \, g$ جھسرا سیدھ اوپر ماراحب تا ہے۔ دیے اسپرنگ پر جھسرے کے مصتام سے $20 \, m$ بنچنے کے لئے اسپرنگ کو $20 \, m$ ویانا ہوگا۔ (۱) جھسرا وزمسین نظام کی تحب اذبی مختی توانائی مسیں جھسرے کے $20 \, m$ صعود کے دوران کتی تبدیلی $20 \, m$ ہوگی؟ (ب) چھسرا بھیکنے کے دوران اسپرنگ کی گفتی توانائی مسیں تھسرے کے $20 \, m$ کسیا ہوگی؟ (ب) اسپرنگ کامقیا سس کیک سیا ہے؟

سوال ۲۰۲۵: (۱) انتصابی بالا نقط تک صف رفت ارک ساتھ پنچنے کے لئے سوال ۲۰۱۵ مسیں گین د کی اہت دائی رفت ار کسیا ہوگی؟ ایک صورت مسیں گین د دائیں نقط پر اور (ج) اہت دائی معتام کے ہم بلن د دائیں نقط پر اور (ج) اہت دائی معتام کے ہم بلن د دائیں نقط پر کسیا ہوگی؟ (د) کسیا گین د کی کمیت د گئی کرنے سے حب زوا تا حب زوج کے جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، یاان مسیں کوئی سے دکی نہیں ہوگی؟
تب ملی نہیں ہوگی؟

وال ۲۰۲۷: ایک سل جس کی کمیت $700\,\mathrm{g}$ ، انتصابی اسپرنگ جس کا مقیاس کی کمیت $k=400\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-1}$ کرنے دیا $k=400\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-1}$ حباتا ہے۔ سل اور اسپرنگ آپس میں حبر خبتے ہیں اور اس وقت کھی تی جب اسپرنگ $19.0\,\mathrm{cm}$ عباتا ہے۔ سل اور اسپرنگ کتناکام کرتی ہواور (ب) سل پر اسپرنگ کتناکام کرتا $19.0\,\mathrm{cm}$ وقیت کھی اور اسپرنگ کتناور گا؟ $19.0\,\mathrm{cm}$ کہ کتناور گا؟

سوال ۲۰۲۸: سل پر سوال ۲۰۱۵ مسین نقط Q پر مصافی عمس ل پسیر اقوت کی ت در کا(۱) افقی حبز و اور (ب) انتصابی حب و کسی بر و کسی باشدی d بر راه به را گر جم حیایج بهوں گے جو گی پر راه سے اشخے گے۔ (راه بے سل اس وقت الشخے گے گی جب سل پر راه کی عصوری قوت صف مربو۔) (و) ابت د ائی بلندی کی سعت گے۔ (راه بے سل اس وقت الشخے گے گی جب سل پر راه کی عصوری قوت کی ت در ترسیم کریں۔ d و

سوال ۲۰۲۹: (۱) گیند کی رفت ارزیرین تر نقط پر سوال ۲۰۱۸ مسین کیا ہوگی؟ (ب) گیند کی کمیت بڑھانے سے کیا رفت اربڑھتی ہے، گھٹتی ہے، پات بریل نہیں ہوتی؟

سوال ۲٬۳۰: ایک پقسر جس کی کیت 8.00 kg ہے، اسپرنگ پر ساکن پڑا ہے (شکل 36.8)۔ اسپرنگ کوت اسپرنگ کوت اسپرنگ کوت ا پقسر 10.0 cm رہا تا ہے۔ (۱) اسپرنگ کامقیا سس کیک کیپ جائے۔

motorway escaperamp

حباتا ہے۔ رہا کرنے سے قبل دیے اسپرنگ کی کھنی توانائی کسیا ہو گی؟ (ج) نقط رہائی سے بلند تر نقط پینی کر پتھ رو زمسین نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسیں کتنی تبدیلی رونم ہو گی؟ (د) نقط رہائی سے بلند تر نقط کتنی اونحپائی پرہ؟

موال ۲۰۳۱: وتائل نظر انداز کمیت کے m 4.0 m بجو دھاگے کے ساتھ 2.0 kg پتھر باندھ کر ایک روتاس مسل کیا جباتا ہے۔ درایاس کی رفتار اسس کی دوران وقت کیا ہو؟ (ب) ہتھ رکن درکت کے دوران انتصاب کے ساتھ 60° زاویہ بناتا ہو؟ (ب) ہتھ رکن زیریں تر نقط پر رفتاس وزمین نظام کی کل میکانی توانائی کیا ہوگی؟

وال ۲۰۳۳: ایک سی بازجس کی کیت $60 \, \mathrm{kg}$ ہے، ساکن حسالت سے سکی اچھال میلان کے اختتام سے $H = 20 \, \mathrm{m}$ باند نظرے آخل کی $H = 20 \, \mathrm{m}$ باند نظرے نظرے آخل میلان کے اختتام سے کتی زیادہ سے نیادہ باند کی بازگر تصور کریں۔(۱) میلان کے اختتام سے کتی زیادہ سے زیادہ بلندی H تک سے پنچے گا؟ (ب) اگر سکی بازوں مان اٹھ کرروانا ہو، کی بالم کی قیمت مسین اصف اف ہوگا، کی ہوگی، یا وہ ہی رہے گی؟

سوال ۲.۳۳: ایک دهاگاجس کی لمبائی $L = 120 \, \mathrm{cm}$ کی کی سربنده ابواجب که دوسرے کے گئی ہے۔ بندھے سرے $d = 75.0 \, \mathrm{cm}$ کی نقطہ P پرایک منج موجود ہے۔ دهاگا افقی رکھتے ہوئے (آپایی سنگل 38.8 مسین دکھیا گئی ہے۔ بندھے سرک کا گئیت در ہا کہا جب اتا ہے ، جو نقطہ دار قوسس پر جیلے گا۔ (آ) زیرین ترین نقطہ پر اور (ب) منج مسین دھیا گا گھنے کے بعد بلند ترین نقطہ پر گیند کی رفت ارکب ہوگی ؟

سوال ۲۰۳۵: ایک سل جس کی گیت $m=2.0\,\mathrm{kg}$ بہندی ہے گرنے دیا جس ال ۲۰۳۵: ایک سل کی گیت $m=2.0\,\mathrm{kg}$ بہندی ہے گرنے دیا جس تا ہے (شکل 39.8)۔ اسپر نگ کامقیا س پاپ لے $k=1960\,\mathrm{N\,m^{-1}}$ ہوگا: رسم کا گادہ ہے دیا دہ کتنا ہوگا: رسم کا گادہ ہوگا: رسم کا گادہ ہے دیا دہ کتنا ہوگا: میں میں کا گادہ ہوگا: میں کی گیٹ ہوگا: میں کا گادہ ہوگا: میں کے گادہ ہوگا: میں کا گادہ ہوگا: میں

سوال ۲۰۳۸: کھٹڑی چٹان سے 688 N وزن کا شخص 18 m کمی ری سے جھولت ہے (شکل 40.8)۔ چٹان کی چوٹی سے زین نقطہ تک نثیب 3.2 m ہے۔ ری اسس وقت ٹوٹے گی جب اسس کو 950 N سے زیادہ قوت کھنچے۔ (۱)

کے ارس ٹوٹے گی؟ (ب)رس نے ٹوٹے کی صورت مسین نشیب کے دوران رسی پر زیادہ سے زیادہ قوت کتی ہو گی؟ رسی ٹوٹے کی صورت مسین، ٹوٹے وقت رسی انقصاب کے ساتھ کس زاویے پر ہو گی؟

سوال ۲۰۳۹: ہوائی ہندوق مسیں نصب اسپرنگ شکل 41a.8 پر پورااتر تا ہے؛ جو توت بالقابل اسپرنگ کا داب یا دراضی دیت ہے۔ اسپرنگ کو s.5 cm جب درائی دراضی دیت ہے۔ اسپرنگ کو s.5 cm جب اسپرنگ کو 3.8 چسسرے کی رفت ارائی کے کہا ہوگی؟ (ب) اسس کے بر عکس، تصور جب اسپرنگ اپنے دھیا ہوگی؟ (ب) اسس کے بر عکس، تصور کریں چسسرااسپرنگ کو کھنچ کر مسلم کے کہا ہوگی ہو تا ہے۔ جسسرے کی رفت ارائی کے بعد اسس سے علیحہ دہ ہوتا ہے؟

 $- 12 \, \text{kg}
 - 12 \, \text{kg}
 - 10 \, \text{kg}$

سوال ۲.۲۱: بلار گر میلان جس کازاوی $\theta = 40^\circ$ بررکس $\theta = 2.0$ و بررکس $\theta = 40^\circ$ بررکس و بررگ و براکس و برگ و براگ و بررگ و براگ و بررگ و برگ و ب

 $k=19.6\,\mathrm{N\,cm^{-1}}$ بارگڑ میلان جس کازاویہ $m=2.00\,\mathrm{kg}$ بہتر ہوں $m=2.00\,\mathrm{kg}$ بہتر ہیں ہیں جس کازاویہ مقیاس کی سے ساتھ حسائر رکھی حباتی ہے، تاہم یہ ایک روسرے کے ساتھ حسائے جہتیں ہیں مقیاس کی لیس کی مختی توانائی کی ابھی گڑ (ب) (شکل 44.8) داسپر نگ کو محتی توانائی کسیں تبدیلی، نقل رہائی ہے میلان پر بلند تر نقطہ تک سل کے پہنچنے تک ، کتنی ہو گی جوزی نقطہ رہائی ہے سے سال کے پہنچنے تک ، کتنی ہو گی جوزی نقطہ رہائی ہے سے سال کے پہنچنے تک میشان پر بلند تر نقطہ تک سل کے پہنچنے تک ، کتنی ہو گی جوزی نقطہ رہائی ہے سل میلان پر بلند تر نقطہ تک کتنا ہے اس کے کانوں کی بلند کر تقطہ تک کتنا ہے سال کے پہنچنے تک میشان پر بلند کر تقطہ تک کتنا ہے۔

با___با

مسر کز کمیت اور خطی معیار حسر کت

ا. ٣ ایک بُعد مسیں کی تصادم

حسر کی توانائی کی بقب درج ذیل لکھی حسائے گی۔

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2$$

ان ہمنزاد مساوات کو v_{1f} اور v_{2f} کے لئے حسل کرنے کی حضاط ہم مساوات v_{1f} کو

$$m_1(v_{1i} - v_{1f}) = -m_2(v_{2i} - v_{2f})$$

اور مساوات السورج ذیل صورت مسیں لکھتے ہیں۔

$$(r.r) m_1(v_{1i} - v_{1f})(v_{1i} + v_{1f}) = -m_2(v_{2i} - v_{2f})(v_{2i} + v_{2f})$$

مساوات ٣٠٣ كومساوات ٣٠٢ سي تقسيم كركے كچھ الجبراكے بعب درج ذيل مساصل ہوں گے۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

اور

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

یادرہے، زیر نوشت 1 اور 2 کسی حناص ترتیب سے مختص نہیں کیے گئے۔ مساوات 19.9 مسیں اور مساوات ہیں ہوری ملتی ہے۔ اسس پر بھی توجب اور مساوات کی وہی جوڑی ملتی ہے۔ اسس پر بھی توجب

آزمائشس ا

 $2 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$ اور $3 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$

كليدي تصورات

چونکہ ہم تصادم لحپکدار تصور کرتے ہیں البذامیکانی توانائی کی بقب ہوگی (یوں ٹکر کی آواز، گرمی،اور ارتعب سٹس کی بدولیہ توانائی کاضیاع نظسر انداز کسیاحب تاہے)۔ کوئی ہیسرونی افقی قوت سلوں پر عمسل نہیں کرتی البذا محور x پر خطی معیار حسر کسے کی بقب ہوگی۔ان دووجو ہاسے کی ہن پر ہم دونوں تصادم پر مساوات 67.9اور مساوات 68.9کااطباق کر سے ہیں۔

حماج پہلے تصادم سے آعناز کرتے ہوئے ہمیں اتنے زیادہ نامعلوم متغیبرات سے واسطہ ہوگا کہ آگے بڑھنامشکل ہوگا: ہم سلوں کی کمیت اور اختای سمتی رفتار نہیں جبائے آئیں پہلے تصادم سے آعناز کریں، جس مسیں سل 3 کے ساتھ نگرانے کے بعد سل 2 رکتی ہے۔ مساوات 67.9 کااطہاق اسس تصادم پر کرتے ہیں جہاں ترقیم تبدیل کرتے ہوئے ، توب میں اور کے بعد اسس کی رفتار دیتے ہیں۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$v_{2f} = \frac{m_2 - m_3}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

رس ميں $v_{2f}=0$ درج ذيل حساس ہوگا۔ $m_3=6.0\,\mathrm{kg}$ والے کے بعد $v_{2f}=0$

$$m_2 = m_3 = 6.0 \,\mathrm{kg} \qquad \qquad (\text{-1}s.)$$

ای طسرح ترقیم تبدیل کرکے دوسسرے تصادم کے لئے مساوات 68.9 کلھتے ہیں

$$v_{3f} = \frac{2m_2}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

٣٩. دوابعب د مسين تصادم

 $v_{3f}=v_{3f}=m_{3}$ جبال $v_{3f}=m_{2}=m_{3}$ والنائم اختای مستی رفت اربیات مسین $v_{3f}=m_{3}$ والنائم اختای مستان المواگد $v_{3f}=v_{3f}$ المردرج ذیل مساصل ہوگا۔

$$v_{2i} = v_{3f} = 5.0 \,\mathrm{m\,s^{-1}}$$

آئیں اب پہلے تھا دم پر غور کریں؛ ہمیں سل 2 کے لئے مستعمل ترقیم پر توجب دینی ہو گی: تھا دم کے بعد سل 2 کی سمتی رفت اور 80 میں جو تھا۔ ہمیں سے تعب اس کی سمتی رفت اور $v_{2j}=5.0~{\rm m~s^{-1}}$ کا اطلاق کر کے دکی گئی $v_{1i}=10~{\rm m~s^{-1}}$ ڈال کر ذیل ہوگا

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$
$$5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$$

جو ذیل دیگا۔

$$m_1 = \frac{1}{3}m_2 = \frac{1}{3}(6.0 \,\text{kg}) = 2.0 \,\text{kg}$$

یہ متیب اور دی گئی v_{1i} استعال کرتے ہوئے بہلے تصادم پر مساوات 67.9 کااطسان کرکے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

$$= \frac{\frac{1}{3}m_2 - m_2}{\frac{1}{3}m_2 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}}) = -5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} \qquad (-...)$$

П

۳.۲ دوابعاد مسین تصادم

ہو• باصر پر

اس حصہ کو پڑھنے کے بعبد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

حبد انظام کے لئے جس مسین دو بُعدی تصادم واقع ہو، ہر ایک محور پر معیار حسر کت کی بقسا کا اطال آن کرتے ہوئے، تصادم کے بُعد مُحور پر معیار حسر کت کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قب ل معیار حسر کت کے احب زاء کے ساتھ رہشتہ حبان سکیں۔

حبد انظام کے لئے جس مسیں دو بُعدی کی تصادم واقع ہو، (۱)، ہر ایک محور پر معیار حسر کس کی بقسا کا اطلاق کرتے ہوئ ہوئے، تصادم کے بعد محور پر معیار حسر کس کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قبل معیار حسر کس کے احب زاء کا سے تع ساتھ رشتہ حبان سکیں اور (ب) کل حسر کی توانائی کی بقسا کا اطلاق کر کے تصادم سے قبل اور تصادم کے بعد حسر کی توانائیوں کا رشتہ حبان سکیں۔

كلب دى تصور

اگر دو جہم مکرائیں اور ان کی حسر کت ایک محور پر نہ ہو (تصادم آمنے سامنے سے نہیں ہے)، تصادم دو بُعدی ہو گا۔ اگر دو جسمی نظام ہنداور حبداہو، تصادم پر معیار حسر کت کی بقب کے متانون کااطباق ہو گالہذا درج ہو گا۔

$$\vec{P}_{1i} + \vec{P}_{2i} = \vec{P}_{1f} + \vec{P}_{2f}$$

یہ وتانون احسنراء کی صورت مسیں دومساوات (ہر بُعد کے لئے ایک مساوات) دیگا ہو تصادم کو ہیان کرتی ہیں۔ اگر تصادم کمپ کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تصادم کے دوران حسر کی توانائی کی بقت (ذیل) تیسری مساوات دگی۔

$$K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

دوابعهاد مسين تصادم

جب دواجسام کاتصادم ہو،اجسام کس رخ حسر کت ہیں،اسس کا تعسین ان کے پی خرب (جینکا) کرتی ہے۔ بالخصوص، جب تصادم آنے سامنے سے سنہ ہو، اجسام اپنے اپنے ابت دائی محور پر نہسیں رہتے۔ اپنے دو بُعدی تصادم مسیں جو بسند، اور حبد انظام مسین واقع ہو، کل خطی معیار حسر کت کی بقساہوگی۔

$$ec{P}_{1i}+ec{P}_{2i}=ec{P}_{1f}+ec{P}_{2f}$$

اگر تصد دم کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تب کل حسر کی توانائی کی بقت بھی ہو گا۔

$$(r.2) K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

دو بُعدی تصادم کا تحبنر سے کرنے کے لئے مصاوات ۲۰۳۷ میں $\chi y \propto x$ دی نظام کے احبنراء کی صورت مسیں لکھنازیادہ مفید ثابت ہوتا ہے۔ مشال کے طور پر، شکل 21.9مسیں ساکن ہون کو گوالا بغسلی (آمنے سامنے سے نہیں) ٹکراتا ہے۔ ان کے فیج ضرب، اجسام کو محور χ ، جس پر گولا ابت دائی طور حسر کت مسیں ہیں، کے لحاظ سے θ_1 اور θ_2 زاویوں پر جیجتی ہے۔ یہاں ہم مصاوات ۲۰۳ کو محور χ کے ہمسراہ ذیل

$$(r.\lambda)$$
 $m_1 v_{1i} = m_1 v_{1f} \cos \theta_1 + m_2 v_{2f} \cos \theta_2$

اور محور لا کے ہمسراہ ذیل لکھیں گے۔

$$(r.4) 0 = -m_1 v_{1f} \sin \theta_1 + m_2 v_{2f} \sin \theta_2$$

ہم مساوات 2.4 کو (اسس خصوصی صورت کے لئے)رفت ارکے رویہ مسیں لکھ کتے ہیں۔

$$(r.1 \cdot) \qquad \qquad \frac{1}{2} m_1 v_{1i}^2 = \frac{1}{2} m_1 v_{1f}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2f}^2 \qquad \qquad (\acute{\mathcal{G}}) \ddot{v}_{1i} = 0$$

مساوات ۳.۸ تامساوات ۱۰ سیس سات متغییر میں: دو کیت، m_1 اور m_2 ؛ تین رفتار، v_{1i} ، اور v_{1i} ؛ اور دوزاویے، θ_1 اور θ_2 ۔ اگر ہم ان مسیس سے کوئی بھی حیار متغییرات حبائے ہوں، باقی تین متغییرات ان تین مسلم کر کے مساوم کیے حباسے ہیں۔

نمونی سوال ۳.۲: منسرض کریں مشکل 21.9 مسیں گولے کا اہت دائی معیار حسر کت $6 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$ ، جبکہ اختا کی معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ ، جب ہون کے (۱) معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ ہے۔ ہون کے (۱) اختا کی معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ ہے۔ ہون کے (۱) اختا کی معیار حسر ک کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ باختا کی معیار حسر ک کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ باختا کی معیار حسر ک کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ باختا کی معیار حسر ک کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ باختا کی معیار حسر ک کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ باختا کی معیار حسر ک کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$

٣,٣ تغير كميت كانظام: هوائي بان

معتاصيد

اس حسہ کوپڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ہوائی بالن ای پہلی مساوات استعال کر کے ہوائی بان کی کیت مسین کمی کی ششرح، ہوائی بان کے لحاظ سے فرچ مادے کی اصفاق رفت ار، ہوائی بان کی کیت، اور ہوائی بان کی اسسرائ کارشند حبان یائیں گے۔

ہوائی بان کی دوسسری مساوات استعال کرے حسرج مادے کی اضافی رفت ارکے لیے ظرے ہوائی بان کی رفت ار، اور ہوائی بان کی است دائی اور اختامی کیے۔۔۔ کار مشتہ حبان یائیں گے۔

ایک ایسا حسرکت پذیر نظام جس کی کیت دی گئی مشرح سے تبدیل ہوتی ہو کے لئے اسس مشرح اور معیار حسرکت میں تبدیل کارشتہ حبان پائیں گے۔

كلب دى تصورات

ہیں۔ ونی قو توں کی غنیں موجود گی مسیں ہوائی بان درج ذیل لمحیاتی ششرح سے اسراع پذیر ہوگا،

$$Rv_{i,j}$$
ان کی پہلی مساوات Ma

جباں M ہوائی بان کی لمحاتی کمیت (بشمول عنیہ استعال شدہ ایٹ مھن)، R ایٹ مھن کے استعال کی سشرح، اور ا_{سٹان} V ہوائی بان کمچن کادھکاہے۔ ا_{سٹان} V ہوائی بان کمچن کادھکاہے۔

متقل R اور رہن v_i کی صورت مسیں اگر ہوائی بان کی رفت اد v_i سے تبدیل ہو کر v_j ہو حبائے، اور کمیت M_i سے تبدیل ہو کر M_i ہو حبائے تب درج ذیل ہوگا۔

$$v_f - v_i = v_{i}$$
ار این کی دوسسری مساوات) است نی $\frac{M_i}{M_f}$

rocket' exhaust'

متغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

اب تک ہم مضرض کرتے رہے ہیں کہ نظام کی کل کیت اٹل ہے۔ بعض اوت ہم مضلاً ہوائی بان مسیں، ایس نہیں ہو گا۔ اثران سے قبل چوترہ روائگی "پر کھٹڑے ہوائی بان کی زیادہ ترکیت دراصل این دھن ہوگی، جو آحضر کار جبل کر ہوائی بان کے اثران سے قبل چوترہ روائگی متنجے کی حضاطر نیوٹن کے انجون کی ٹونٹر سے دھویں کی مشکل مسیں حضارتی ہوگا۔ اسراع پذیر ہوائی بان کی متنجے کہ مشکل مسیں حضارتی ہوئے کیا حباتا دوسرے و اعمال کا اطلاق، صرف ہوائی بان کی بحبے، ہوائی بان اور حضارتی مواد دونوں کو اکھا لیتے ہوئے کیا حباتا ہے۔ ہوائی بان کی اسراع کے دوران اس نظام کی کیت تبدیل نہیں ہوگی۔

اسسراع کی تلاسش

سنسرض کریں ہم جودی حوالہ چو کھ سے کے لیے اظ سے ساکن بیٹھے فضائے ماورا مسیں، جب اس کوئی تحب ذبی یا ہوائی کی رگڑی قوت موجود نہیں، ہوائی بان کو اسسراع کرتا دیکھ رہے ہیں۔ اسس یہ بعدی حسر کست کے لئے ہم ، افتیاری لحسہ t پر ، ہوائی بان کی کمیت M اور سنستی رفت اور v منسرض کرتے ہیں (مشکل 22a.9)۔

شکل 22b.9 و متقی دورانیہ dt کے بعد صورت حسال پیشس کرتی ہے۔ ہوائی بان کی سستی رفت اور کمیت مواد کی اور کمیت مسلم منفی مقت دارہے۔ وقف dt کے دوران ہوائی بان سے حسنسری مواد کی کمیت مصل میں ، جہاں کمیت مسلم کی سسم کمیت کمیت کمیت کا سیمتی رفت اور کمیتی رفت او

معیار حسر کت کی بقسا ہو گی

ہمارا نظام ہوائی بان اور وقعنہ dt مسیں حضرج مواد پر مشتل ہے۔ نظام سند اور حبداہے المبذا وقعنہ dt کے دوران نظام کی خطی معیار حسر کی۔ کی بقسالاز می ہے۔ یول ذیل ہو گا

$$(r.ii)$$
 $P_i = P_f$

جباں زیر نوشت i اور f بالت رتیب و قف dt کے آغناز میں اور اسس کے اختتام پر قیمتیں ظاہر کرتی ہیں۔ مب وات i الi کرتی ہیں۔ مب وات i الi کرتی ہیں۔ مب وات i کرتی ہیں۔ مب وات ال

$$(r.r) \hspace{3cm} Mv = -\operatorname{d}\!M\,U + (M+\operatorname{d}\!M)(v+\operatorname{d}\!v)$$

جہاں دائیں ہاتھ پہلا حبزو وقف dt کے دوران حسارج کر دہ مواد کا خطی معیار حسر کے اور دو سراحبزو وقف dt کے اختام پر ہوائی بان کا خطی معیار حسر کے ہے۔

launchingpad nozzle deepspace

اضافى رفت اركااستعال

مساوات ۳.۱۲ کی سادہ صورت ہوائی بان اور حسنیرج مواد کے پھی اصنافی رفت ار _{انسیافی} تا استعال کرکے حساصل کی حسبا سکتی ہے۔ اصنافی رفت اراور چو کھٹ کے لیے اظامی سستی رفت ارول کے پچی درج ذیل تعساق پایا حسباتا ہے۔

$$(v+\mathrm{d}v)=v$$
انے اف $U=v+\mathrm{d}v-v$ الیتی $U=v+\mathrm{d}v-v$ الیتی نیم انسانی الات

اسس نتیب کومب وات ۳.۱۲ مسین U کی جگب ڈال کر کچھ الجبرائے بعب ذیل حساسل ہوگا۔

$$-dMv_{ij} = Mdv$$

دونوںاطسران dt سے تقسیم کرتے ہیں۔

$$-rac{\mathrm{d}M}{\mathrm{d}t}v_{\dot{\mathbf{U}}}=Mrac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$$
 (۳.۱۵)

ہم dM/dt (جو ہوائی بان کی کیت مسیں کی کی شرح ہے) کو $R-\overline{\mathcal{W}}$ ہیں، جہاں R ایت دھن جلنے کی (شبت) شرح ہے، اور dv/dt ہوائی بان کی اسسراع ہے۔ ان تبدیلیوں کے ساتھ مساوات ۱۵ سوزیل رویے اختیار کرتی ہے۔

$$(r.17)$$
 $Rv_{i-1} = Ma$ $(r.17)$ $Rv_{i-1} = Ma$ $(r.17)$

ہر لمحے پر معت دیر کی قیمتیں مساوات ۱۲. ۳مطمئن کرتی ہیں۔

مساوات ۱۹ ساکابایاں ہاتھ قوت کا اُبعد $(\log s^{-1} \cdot m s^{-1} = \log \cdot m s^{-2} = N)$ رکھت ہوائی بان کی برد است نہ سال ہوتھ تو سے کا اُبعد $(\log s^{-1} \cdot m s^{-1} = \log \cdot m s^{-2} = N)$ کی برناوٹ پر مخصص ہے؛ لین مشرح R پر ، جس سے ایند ھن (کیسے) صَرف کی جاتی ہوائی بان کی قوقے و ھکی ہو آتے ہے۔ ہم اس حبزو انسانی R کو ہوائی بان کی قوقے و ھکی ہو تا ہے ، جب اراس لیحے پر سے خل ہر کرتے ہیں۔ مساوات R سے R ہے اس کی اسراع کے ہے۔ جب بوائی بان کی کمیت R ہے اسس کی اسراع کے ہے۔

مستى رفت اركى تلاسش

ہم حبانٹ حپاہتے ہیں کہ جیسے جیسے ہوائی بان ایٹ دھن صَرف کرتا ہے اسس کی سستی رفت ارکیے تب دیل ہو گی۔ مساوات ۱۲ سوزیل کہتی ہے۔

$$\mathrm{d}v = -v$$
نٽن $\frac{\mathrm{d}M}{M}$

thrust

اسس کے تکمل

$$\int_{v_i}^{v_f} \mathrm{d}v = -v$$
نين $\int_{M_i}^{M_f} rac{\mathrm{d}M}{M}$

مسیں M_i ہوائی بان کی اہت دائی کیت اور M_f اختامی کیت ہے۔ حکمل کینے سے ذیل مسل ہوگا

$$(r.$$
اح) $v_f-v_i=v_{i}$ ان کی دو سری ساوات $\ln \frac{M_i}{M_f}$ انسان کی دو سری ساوات ا

جو ہوائی بان کی کیت M_i ہے گئے کہ M_f ہونے کی صورت مسیں ہوائی بان کی رفت ار مسیں اضاف دیتی ہے۔ M_i مساوات ۱۱ مسیں عملامت M_i قدر آتی لوگار تھم منظ ہر کرتی ہے۔) ہم یہاں کثیرالمراحل مہوائی بان کی اون دیت جبان سکتے ہیں جو ایت دھن حضتم ہونے پر حضالی ٹیسٹ کی سے چھٹکارا حساصل کر کے M_f گھٹا تا ہے۔ مضالی ہوائی بان مطلوب معتام پر صورف ضروری نازو سامان کے ساتھ پنچے گا۔

نمونی سوال ۳۰۳: $يوائي بالن کا انجن ، قوت و هکيلي ، اسراع اسب باب کې تب م گزشته مشالول مسيں نظام کې کيب انگی تحق ميلي ، اسراع اسب باب کې تب م گزشته مشالول مسيں نظام کې کيب دائل تحق ميلي بان جس کې است دائی تحق ميلي بيب جس کې کيب بيب جس کې کيب بيب د گئي گئي تحق ميلي بيب د گئي بان جس کې است د گئيت که مورف کرتا ہے۔ يوائی بان کے لحاظ سے کيب مواد کې رفت ارتام <math>R=2.3~{\rm kg~s^{-1}}$ ميل ميل د خاص کي تحق مورد کې رفت ارتام $2800~{\rm m~s^{-1}}$

كلي دى تصور

مساوات R اضافی رفت ارسن کو کے کشر کے کی مشرح R کو حشرج مواد کی اضافی رفت ار اضافی v سے ضرب دیے تو ہو ۔ دھکیل V ساصل ہوگا۔

حساب: يون درج ذيل هو گاـ

$$T = Rv_{i}$$
 $= (2.3 \,\mathrm{kg \, s^{-1}})(2800 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$
= 6440 N $\approx 6400 \,\mathrm{N}$ (28)

(ب) ہوائی بان کی ابت دائی اسسراع کیا ہوگی؟

كلب دى تصور

ہم ہوائی بان کی قوت دھکیل T اور اسس کی اسسراع کی تشدر a کار شتہ a جو انی بان کی توب a ہوائی بان کی گیت ہے۔ کین، جہاں a ہوائی بان کی گیت ہے۔ ہمیں ابت دائی اسسراع در کار ہے لہاندا a ہم ہوائی بان کی ابت دائی کیت a کی a کی گیت ہم ہوائی بان کی ابت دائی کیت a کی گیس گے۔

naturallogarithm² multistage^A

حاب: ان معلومات سے ذیل حساصل ہوگا۔

سطح زمسین سے سیدھ اوپر اڑان کے لئے ضروری ہے کہ ابت دائی اسسراع $g=9.8 \,\mathrm{m\,s^{-2}}$ سین سے دیادہ ہو۔ بعنی ، ابت دائی اسسراع کو سطح زمسین پر تحب ذبی اسسراع سے زیادہ ہونا ہو گا۔ دوسسر سے لفظوں مسین ، ہوائی بان پر ابت دائی تحب ذبی تو ہے ، جسس کی عب در M_{ig} ہے

$$(850 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8330 \,\mathrm{N}$$

ے توت دھکیل T کازیادہ ہونالازی ہے، ور نہ ہوائی بان زمسین سے اٹھنے کے وت بل نہمیں ہوگا۔ چونکہ اسس ہوائی بان کی قوت دھکیل (جو یہاں T کازیادہ طور ہوائی ہونگی بان اڑنہمیں پائے گا: یہاں زیادہ طور ہوائی بان کی ضرور ہو ہوگی ہونگی ہونگی

نظسر ثانی اور حنلاس

مر کز کمیت

ایک نظام جو 11 ذرات پر مشتمل ہو کے مسر کز کمیت کی تعسریف وہ نقطہ ہے جس کے محد د درج ذیل ہوں۔

$$x$$
ين $=$ $\frac{1}{M}\sum_{i=1}^{n}m_{i}x_{i}$
 y ين $=$ $\frac{1}{M}\sum_{i=1}^{n}m_{i}y_{i}$
 z ين $=$ $\frac{1}{M}\sum_{i=1}^{n}m_{i}z_{i}$

 $-\sum_{i=1}^{n} m_{i}$ ہے۔ M نظام کی کل کمیت M کا کست کے ہے۔

$$\vec{r}_{\underline{}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_i \vec{r}_i$$

نیوٹن کادوسسرافتانون برائے ذراسے کانظام

ایک نظام، جو ذرات پر مشتل ہو، کے مسر کز کیت کی حسر کت نیوٹن کے دوسرے قانون برائے ذراھے پر مثملی نظام کے تحت ہوگی، جو ذیل کہتا ہے۔

(9.18)
$$\vec{F}_{ij} = M\vec{a}_{ij} = M\vec{a}_{ij}$$

یہاں نظام پر لاگو تمام ہیں۔ وِنْ قو تیں مسل کر صافی قوت ہے وی ہیں۔ نظام کی کل کمیت M ، اور نظام کے مسر کز کمیت کی اسسرائ ہے۔ d ہے۔

خطی معیار حسر کت اور نیوٹن کادوسسرات انون

تنب ذرے کے لئے، مقدار \vec{p} متعدار فی معیار حرکھے کہا تاہے اور جس کی تعسریف ذیل ہے،

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

ہم نیوٹن کا دوسسراف انون اسس معیار حسر کے کی صورت مسیں لکھ کتے ہیں۔

(9.rm)
$$ec{F}_{\dot{\mathfrak{U}}} = rac{\mathrm{d}ec{p}}{\mathrm{d}t}$$

ذرات پر مشتل نظام کے لئے مذکورہ بالا دو تعساق ذیل کھا حبائیں گے۔

(9.72.9.73)
$$\vec{F}_{ij} = \frac{d\vec{P}}{dt} \quad \text{if} \quad \vec{P} = M\vec{v}_{ij}$$

تصادم اور ضر ___

تصادم مسین ملوث ذرہ نماجیم پر معیار حسر کت کے روپ مسین نیوٹن کے دوسسرے متانون کااط الق ضرب و خطر معیار حرکت کا مسئلہ دیگا:

(9.mm, 9.mm)
$$\vec{p}_f - \vec{p}_i = \Delta \vec{p} = \vec{J}$$

جباں جم کے نظی معیار سرکت مسین تبدیلی $\vec{p}_f - \vec{p}_i = \Delta \vec{p}$ ہے، اور طرب \vec{f} وہ قوت \vec{f} ہے جو تصادم کے دوران دوسر اجم اس (پہلے جم) پر لاگو کرتا ہے۔

(9.5%)
$$\vec{J} = \int_{t_i}^{t_f} \vec{F}(t) \, \mathrm{d}t$$

اگر تصدم کادورانیہ Δt اور اس دوران $\vec{F}(t)$ کی اوسط قیمت اور اجF ہوتب یک بُعدی حسر کت کے لئے ذیل ہوگا۔

$$J = F_{\text{best}} \Delta t$$

س کن جم پر کیت m کے ذرے، جن کی رفتار ت ہے، برسس کر ذیل اوسط قوت پیدا کرتے ہیں

$$F_{\text{bis}} = -\frac{n}{\Lambda t} \Delta p = -\frac{n}{\Lambda t} m \Delta v$$

جہاں ساکن جم سے ذروں کے تصادم کی سشرح $n/\Delta t$ ،اور ہر ایک ذرے کی رفت ار مسیں سبدیلی Δv ہے (جم ساکن رہت ہے)۔ سے اوسط قوت ذیل بھی لکھی حباستی ہے

$$F_{\text{bost}} = -\frac{\Delta M}{\Delta t} \Delta v$$

جباں $\Delta M/\Delta t$ وہ مشرح ہے جس سے کمیت ساکن جم سے کراتی ہے۔ درج بالا دومساوات مسیں اگر ذرے تصادم سے بعت میں میں میں جس سے کہ ہوگا، اور اگر ذرے جم پر شپ کی کھا کر رفت ارمسیں تب دیلی کے بغیب رواپس کو بعث میں میں میں میں میں موگا۔ $\Delta v = -2v$ ہوگا۔

خطی معسار حسر کت کی بقسا

حبد انظام پر بسیہ رونی قوت عمسل نہیں کرتی، اہلیذااسس نظام کا خطی معیار حسر کت تب دیل نہیں ہو گا۔

$$ec{P}=ec{P}$$
 (۹.۲۲) (بند، حبدانظام)

اسس کوذیل بھی لکھ کتے ہیں جہاں زیر نوشت کسی ابت دائی لحب اور اختیامی لمحب کوظ اہر کرتی ہیں۔

$$(\mathfrak{q}. r r)$$
 $ec{P}_i = ec{P}_f$ $(بند، جبدانظ م)$

مذكورہ بالادونوں مساوات خطم معیار حركھ كھے بقاكوبيان كرتى ہیں۔

ايك بُعد مسين غني ركب كي تصادم

دواجب م کی غیب رکیچی تصادم مسیں دو جسمی نظام کی حسر کی توانائی کی بقب نہیں ہوگی (حسر کی توانائی مستقل نہیں ہوگی)۔ اگر نظام سے کل خطی معیار حسر کت کی بقب الازما ہوگی (یہ مستقل ہوگا)، جس کو سمتی روپ مسین ذیل کھی جبال زیر نوشت i اور j بالت رتیب تصادم سے عسین قبل اور اسس کے عسین بعب لمحیات ظاہر کرتی ہیں۔

$$\vec{p}_{1i} + \vec{p}_{2i} = \vec{p}_{1f} + \vec{p}_{2f}$$

ذروں کی حسر کے ایک محور پر ہونے کی صورت مسین تصادم یک بُعدی ہو گااور ہم مذکورہ بالامساوات کو محور کے ہمسراہ سستی رفت اراحب زاء کی صورت مسین ذیل لکھ کتے ہیں۔

$$(9.2) m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

اگر دوجهم آلپس مسیں چپک حب نئیں، تصادم تکمسل غیبر کیسی ہو گااور دونوں اجسام کی اختتا می سنتی رفت او V ہو گی (کیونکہ ہے۔ آلپس مسین حبٹرے ہیں)۔

مسر کز کمیت کی حسر کت

دومتصادم اجسام کے بسند، حبدانظام کے مسر کز کمیت پر تصادم اثر انداز نہسیں ہو گا۔ بالخصوص، مسر کز کمیت کی سستی رفتار _{مسر کزئیس} تق کو تصادم تسبدیل نہسیں کر تا۔

ایک بُعد میں کی تصادم

کی تعدد م ایک حناص قتم کا تعدد م ہے جس مسیں متصدم اجسام کے نظام کی حسر کی توانائی برفت رار رہتی ہے۔اگر نظام ہی نظام ہند اور حبد ابھی ہو، اسس کا خطی معیار حسر کت بھی برفت رار رہے گا۔ یک بُعدی تعدد م کے لئے، جس مسیں جسم 2 ہرف اور جسم 1 گولاہے، حسر کی توانائی اور خطی معیار حسر کت کی بقب، تعداد م کے عسین بعد سسمتی رفت ارول کے لئے درج ذیل مساوات دیتی ہیں۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

(9.14)
$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

دوابعهاد مسين تصادم

اگر دو جہم یول ککرائیں کہ ان کی حسر کت ایک ہی محور پر نہ ہو (ککر آنے سے نہیں)، تصادم دو بُعدی ہو گا۔اگر دو جسمی نظام ہنداور حبدا ہو، معیار حسر کت کی بقب کے ت انون کااطباق تصادم پر ہو گاجو ذیل ککھیا حیائے گا۔

(9.22)
$$ec{P}_{1i} + ec{P}_{2i} = ec{P}_{1f} + ec{P}_{2f}$$

احبزاء کے روپ مسیں ہے و تانون دوم اوات دے گاجو تصادم کو بیان کریں گی (دوابعد دمسیں ہر بُعد کے لئے ایک مصاوات دیگی۔ مصاوات دیگی۔ مصاوات دیگی۔ $K_{1i}+K_{2i}=K_{1f}+K_{2f}$

متغير تميتي نظام

ہیں۔ ونی قو توں کی عب دم موجو دگی مسیں ہوائی بان ذیل لحب تی مشسرے سے اسسراع پذیر ہوگا

$$(9.12) Rv_{ij} = Ma (-1)^{l}$$

جہاں M ہوائی بان کی لمحیاتی کمیت (جس میں غیبر استعال شدہ ایندھن شامسل ہے)، R ایندھن کے اصراف کی سشرت،اور Rv ہوائی بان کے لحاظ سے حسرج کی اضافی رفتار ہے۔ حبزہ Rv ہوائی بان کی انجمی کی وقت V_i معلی ہونے پر اسس کی رفت ارتحال ہوں کہت $M_f = M_i$ ہونے پر اسس کی رفت ارتحال ہوں میں R ہون درج ذیل ہوگا۔

$$v_f - v_i = v_{i}$$
 ابن نی دوسری ساوات $\ln \frac{M_i}{M_f}$ ابن نی دوسری ساوات)

سوالا___

سوال ا. ۳: تین ذرات جن پر بسیرونی قوتیں عمسل کرتی ہیں کافصٹ نئی حبائزہ مشکل 9۔23 مسیں پیش ہے۔ دو ذروں پر قوتوں کی متدریں اور سمستیں دی گئی ہیں۔ تین ذروی نظام کامسر کز کمیت (ا)ساکن، (ب) دائیں رخ مستقل مسمتی رفت ارسے، اور (ج) اوپر واراسسراع پذیر ہونے کی صورت مسین تیسری قوت کی متدر اور سمت تلامش کریں۔

سوال ۳۰۲ بلار گڑمتوی پر متقل میں رفت اروں ہے حسر کت کرتے ہوئے ایک برابر کمیت کے حپار ذروں کافصنائی حب از دروں کافصنائی حب از دروں کی جوڑیاں بنائیں۔ حب از دروں کی جوڑیاں بنائیں۔ کون می جوڑی ایس نظام دیتی ہے۔ حس کامسر کز کمیت (س) کن ہے، (ب) کن ہے اور مبدا پر ہے، اور (ج) مبدا ہے ؟

سوال ۱۳.۳: تصادم مسین ملوث جسم کے لئے قوت کی ت در بالقابل وقت کی تر سیات شکل 26.9 مسین پیش ہیں۔ تر سیات کی در حب بن دی جسم پر قوت د تکلیل کی ت در کے لیے تاسخت اول رکھ کر، کریں۔

سوال ۱۳.۵ بلار گڑ مستوی پر حسر کت کرتے تین ڈیوں پر عمل پیسراقوت کافصنائی نظارہ شکل 27.9 مسیں پیشس ہے۔ ہرایک ڈب کے جمسراہ خطی معیار حسر کت کی بقساہو گی؟

سوال ۲.۳: تین یاحپار یک ان ذروں کا گروہ،جو محور x یامحور y کے متوازی ایک رفت ارسے حسر کرتے ہوں، شکل 28.9 مسین د کھایا گئے ہے۔ مسر کز کمیں۔

سوال ۲.۳: ایک سل بلار گرفت رشس پر حسر کت کرکے اسس جتنی کیے۔ کی دوسسری سل سے کگر اتی ہے۔ شکل 29.9 مسین سلوں کی حسر کی توانائی K کی حیار ممکن ہیں۔ (۱) ان مسین سے کون می طبیعی وجوہات کی بہتا پر ممکن نہیں ؟ باقی مسین سے کون کی (ب) کی کی تصادم اور (ج) عنیسر کی کی تصادم بہتر ظاہر کرتی ہے ؟

y توال ۱۳.۸. بادر گرفت سند سن پر محور x کے ہمسراہ سل x سن کن سل y کی طسر و بردھت ہے۔ عسین کی تعدوم سے قبل کھے۔ پر اور کا کھی تھی ہمکن سنگل 30.9 مسین کی گئی ہے۔ اسس کھے۔ پر دوسل نظام کے مسر کز کیت کے تین ممکن معتام بھی پیٹس ہیں۔ (نقطہ y سلوں کے مسراکز کے درمیان نصف و ناصلے پر ہے۔) اگر تعدادم کے بعد نظام کا مسر کز کیت y برداور y پر ہو، کیا سل y پر ہو، کیا سال y کو طسر و گامسزن ہوگا؟ آگے کی طسر و گامسزن ہوگا؟ میں گئی ہوگا؟ میں کو گئی ہوگا؟ میں کا مسرف گامسزن ہوگا؟

سوال ۱۳۰۹: دواجسام محور X کے ہمسراہ یک بُعدی کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ شکل 31.9 مسیں اجسام اور مسرکز کرے ہیں۔ شکل 31.9 مسیں اجسام اور مسرکز کمیت کے مصام بالمقابل وقت ترسیات چیش ہیں۔ (ا) کسیا دونوں جم استدائی طور پر حسرکت مسیں تھی، یاان مسیں کے ایک سازر جی تصادم کے بعد مسرکز کمیت دیت ہے؟ کے ایک تصادم سے قبل زیادہ تیبز حسرکت کرتے جم کی کمیت دوسرے جم کی کمیت سے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس درکت کرتے جم کی کمیت دوسرے جم کی کمیت سے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس

کے برابرہے؟

سوال ۱۰.۱۰: افقی صنبرسش پر سل ابت دائی طور س کن ، محور x ہے ہمسہ راہ مثبت رخ ، یا محور کے منفی رخ حسر کت مسیں ہے۔ سل دھا کے سے دو گرڈوں مسیں تقسیم ہوتا ہے جوائی محور پر حسر کت کرتے ہیں۔ صنبر ض کریں سل اور اسس کے دو گرڑے ایک بہند اور حبد انظام دیتے ہیں۔ سل اور مکل ول کے معیار حسر کت بالمقابل وقت t کی چھ تر سیات مشکل محمد میں پیشس ہیں۔ کوئی تر سیات طبیعی نامسکن ہیں ؟ وجو بات پیشس کریں۔

سوال ۱۳.۱۲ دوجہم اور ان کے مسر کز کمیت کی معتام بالقابل وقت کی حپار ترسیات پیش ہیں۔ یہ جم بنداور حبدا نظام دیتے ہیں اور محور x پر چپلتے ہوئے یک بُعدی مکسل غیبر کمپ کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ کسیاتر سیم ملبقی نامسکن ہے؟ وجب جم اور (ب) مسر کز کمیت محور x پر مثبت رخیامنفی رخ حسر کت کرتے ہیں؟ (ج) کوئی ترسیم طبیقی نامسکن ہے؟ وجب پیش کریں۔

مركزكيت

xy اور کیت xy اور کید اور کید xy اور کید اور کید اور کید اور کید اور کید اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید و کرد تین اور کید کرد تین زاوی نظام کامسر کز کید و کید کرد تین زاوی نظام کامسر کز کید و کید کرد تین زاوی نظام کامسر کز کید و کید کرد تین زاوی نظام کامسر کز کید و کید و کید کرد تین زاوی نظام کامسر کز کید و کید و کید و کید و کید و کید کرد تین زاوی کید و کید و

 $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_2 = 4.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 3.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$ اور نقال می مرکز کمیت کار اور $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$ اور نقال می مرکز کمیت اس در کی حب از برای منتقل موگا، اس سے دور منتقل موگا، یاساکن رہے گا؟

روال ۱۹۵۵ میں دکھیا گیے۔ سل جس کے اضلاع $d_1 = 11.0 \, \mathrm{cm}$ دور $d_2 = 2.80 \, \mathrm{cm}$ اور $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لوہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آثافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (آٹافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھیا لاہ (

x (۱) کاریست: کیساں موٹائی کاحپادر شکل 38.9 مسیں پیش ہے۔ اگر $L=5.0\,\mathrm{cm}$ ہوحپادر کے مسر کز کمیت کا(۱) مید داور (ب) محمد دکسیا ہوگا؟

سوال ۱۸.۳: وتابل نظر رانداز مونانی کی کیسال دهاتی حپادر سے بنایا گیا مکتب شکل 39.9 مسیں پیش ہے۔ مکتب اور $y = 40 \, \mathrm{cm}$ محدد، $y = 40 \, \mathrm{cm}$ محدد، $y = 40 \, \mathrm{cm}$ محدد، اور $z = 20 \, \mathrm{cm}$ محدد تلاشش کریں۔

سوال ۱۹ سین اینونیا سال (NH_3) ، جس مسیں ہائیڈروجن جوہر (H) متساوی الانسان شکل جسن تے ہیں ، مسئل 40.9 $d=9.40\times 10^{-11}$ m جوہر سے $d=9.40\times 10^{-11}$ m منسان مثلث برے۔ نائسیٹروجن کی جوہری کی میست نسبت جوہر ساتے ہیں۔ نائسیٹروجن اور ہائیڈروجن کی جوہری کی سیست نسبت X اسس ہرم کی چوٹی پر واقع ہے جس کا تل تین X جوہر بسناتے ہیں۔ نائسیٹروجن اور ہائیڈروجن کی جوہری کی سے نسبت X اور نائسیٹروجن تاہائیڈروجن ساسلہ X X است ساسلہ X X سے کا نسبت کے مسرکز کیست کا نسبت میں دکسیاتوگا؟

سوال ۳.۲۰ یک پیس کے کہ ہوتا جس کی کیت $0.140 \, \mathrm{kg}$ اور لہب کی $12.0 \, \mathrm{cm}$ ہے، مسین $0.354 \, \mathrm{kg}$ مشروب جس کی کہت ہوتا ہے۔ اور لہب کی $0.140 \, \mathrm{kg}$ ہوتا ہے۔ اریک سوراخ (جو ہوتا کی کہت پر اثر انداز نہیں ہوتے) کے حسر کز کیت کی اور (ب) کم کس جسری ہوتا ہے۔ کہ اور (ب) کم کس جسری ہوتا ہے۔ کہ اور (ب) کم کس کر کہت کی باشدی $10.00 \, \mathrm{kg}$ کی کہت کہ ہوتا ہے، $10.00 \, \mathrm{kg}$ کو کہت ہوگا؟ (د) کم سرکز کیت کے لیے اقابات کی کو کہ کہت کر اسس کی کمت رقبت تلاسش کریں۔

نیوٹن کادو سے رافت اعبدہ برائے ذرائے کانظام

وال ۳۰۲۱: ایک پتھ و t=0 پر گرنے دیا جب تا ہے۔ دوسر اپتھ و جس کی کیت و گئی ہے، ای بلندی ہے، t=0 بر گرنے دیا جب تا ہے۔ (ا) نقطہ رہائی ہے، $t=300 \, \mathrm{ms}$ بر دو پتھ رنظام کا مسر کز کیت کت اپنے ہوگا؟ (دونوں پتھ راس کھے تک ہوا مسیں ہیں۔) (ب) اسس کھے پر دو پتھ رنظام کا مسر کز کمیت کس رفت ارب کے سرکت کرتا ہے؟

سوال ۳۰۲۲: چوراہا تی پر $1000 \, \mathrm{kg}$ کیسے کی گاڑی کھٹڑی ہے۔ جیسے ہی بتی سبز ہوتی ہے گاڑی $4.0 \, \mathrm{m \, s^{-2}}$ کہ مستقل $8.0 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے $1000 \, \mathrm{kg}$ اسراع سے حسر کسے مسین آتی ہے۔ عسین آتی ہے۔ عسین آتی ہے۔ عسین آتی ہے۔ کسین آتی ہے۔ کسین آتی ہے۔ کسین آتی ہے۔ کسین اور نسل کی کمیسے $t = 3.0 \, \mathrm{s}$ بعد بتی سے کسین دور رفت ارب ہوگی ؟ اور (ب) اس کی دفت ارکب ہوگی ؟

موال ۱۳.۲۴: روپسلن باز، جن مسین سے ایک کی کیست 65 kg اور دوسسرے کی 40 kg ہے، 10 m ہباؤنڈا، جسس کی کیست وتابل نظر انداز ہے بھائی باز ڈنڈ انھینج کی کیست وتابل نظر انداز ہے، تھت ہے برون پر کھٹڑے ہیں۔ ڈنڈے کے سرول سے آغباز کرتے ہوئے پھلن باز ڈنڈ اکھینج کر، ڈنڈے کے جسر اہ حسر کی کرتے ہوئے وت ریسے آگر، ملتے ہیں۔ کم کمسیق شخص کتنا ون صلہ طے کرتا ہے؟

روال ۲۰۰۳: ایک گولا 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی را گولا دھا کے سے دوبر ابر کلزوں مسین تقسیم ہوتا ہے (شکل 9-42)۔ ایک کلزاجس

کارفت ار دھاکے کے عسین بعبد صف رہے سیدھ اپنچ گر تا ہے۔ دوسسرا نکڑا توپ سے کتنے مناصلے پر گر تا ہے؟ (ہوائی رگڑ نظسرانداز کریں اورزمسین ہموار تصور کریں۔)

t=0 وقت t=0 وقت t=0 پردوذرے محددی نظام کے مبداے پھینے حبتے ہیں (شکل 1-43)۔ ذرہ t=0 بس کی کیت t=0 وقت t=0 بنار گڑا فتی ذرصین پر محور t=0 بر کہ مسراہ t=0 وفتار نے درہ t=0 بر کور t=0 بر کور t=0 وقت t=0 بر کور زرہ t=0 وقت t=0 ویری زاویے پریول پھیکا حباتا ہے کہ سے ہر کمحد ذرہ t=0 ویری کی کیست کو کی کیست کو نیادہ باشد کی بارہ جا کہ کو پہنچت ہے ؟ اکائی سنتی ترقیم میں مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ ہے ہیں جا کہ بارہ ورود کی اسسران اور (ج) اسسران اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ کی بارہ کی دیادہ کو کی بیادہ کی دیادہ کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دورو

سوال ۳۰۲۸ تن زریاب جس کی کیسے 80 kg ہے اور اسد جو ہلکا ہے 30 kg ساکن کشتی مسین بسیٹھ (ناران مسین) کر سیف السلوک جمیس کی کیسے کے لیاظ ہے 3.0 m و ناصلے پر ، اور کشتی کے مسر کز کمیت کے لیاظ ہے 40 cm مسینا کلی واقع ہیں۔ دونوں آپس مسین نشست تبدیل کرتے ہیں۔ اگر کشتی کا مسر کز کمیت گھاٹ کے لیاظ ہے 40 cm افتی حسر کرے ، اسد کی کمیت کی ہوگی؟

سوال ۳۰۲۹: کنارے سے 6.1 m فنصلے پر 4.5 kg کٹا 18 kg کشتی مسیں کھٹرا ہے (مشکل 45.9 سے 18 kg کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کا در ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کنارے سے کتنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کا اللہ کا در کتا ہے۔ کٹا اب کنارے سے کتنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کا اللہ کا درکارہ: مشکل ۔ ۔ دیکھیں۔)

خطی معیار حسر کت

سوال ۳٫۳۰۰: ایک گیند جس کی کمیت $0.70 \, \mathrm{kg} \to 5.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ افقی حسر کت کر کے انتصابی دیوار سے نگراکر $2.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ در انتحاب پائیت ہے۔ گیند کے خطی معیار حسر کت مسین تب دلی کی اپنی گی ؟

سوال ۳٫۳۱ ایک ٹرک، جس کی کمیت 2100 kg ہے، شمال کی طسر ن 41 km h⁻¹ کیلتے ہوئے مشرق کو مسرق کو مسرق کر 18 ہے۔ (ا) ٹرک کے حسر کی توانائی مسین تبدیلی کسیا ہو گی؟ ٹرک کے معیار حسر کر آسے میں تبدیلی کسیا ہو گی؟ ٹرک کے معیار حسر کسے مسین تبدیلی کی (ب) تبدیل کارٹ کسیا ہو گا؟

روال $p_1 = p_1 = p_2$ برسطخ زمین سے مار کر روانا کیا حباتا ہے۔ گیت دکا معیار $p_1 = p_2$ برسطخ زمین ہے مار کر روانا کیا حبال $p_1 = p_2$ ورجال $p_2 = p_3$ برسطخ رجبال $p_3 = p_4$ برسطخ رجبال $p_3 = p_4$ برسطخ رجبال $p_4 = p_5$ برسطخ رجبال $p_5 = p_6$ برسطخ رجبال $p_6 = p_6$ برسطخ رجبال p_6

4.0 kg m s⁻¹ کیند کاابت دائی زاوی کیا ہے؟ (ایشارہ:وہ حسل تلاسش کریں جس مسیں ترسیم کازیریں ترین انقط پر طف کی ضرورت پیشس نے آئے۔)

سوال ۱۳۳۳: بلاے کرانے سے عسین قبل 0.30 kg کمیت کا گیند 15 m s⁻¹ متی رفت ارسے افق سے نیجے °35 زاویے کے ساتھ کا مسئون ہے۔ بلے کے ساتھ تمساس کے دوران گیند کے معیار حسر کت مسین تبدیلی کی و تدر کسیاہو گی اگر گیند د(ا) سید حسان تصابی نیچے رخ 20 m s⁻¹ ماور (ب) افتی والپس 20 m s⁻¹ کی رفت ارسے لوٹے ؟

سوال ۳۳۳: سشکل 47.9 مسیں 0.165 kg کیت گیند کافعت کی جبائزہ پیش ہے۔ گیند اطسرا فی دیوارے شپ کی کست و کست او کھیا گیا ہے۔ گیند کی است کی کابت دائی رفت او 0.165 kg اور زاویہ 0.30 0.30 0.30 0.30 کست کی گیند کے سست رفت ادکار کا جب نہ جب کہ برخوا انداز نہیں ہوتا۔ (ا) زاویہ 0.30 کسیا ہوگا ؟ (ب) گیند کے خطی معیار حسر کست مسین تب یلی اکائی سستی ترقیم مسین کسیا ہوگی ؟ (گیند کے لڑھ کا و کا کیسال کوئی کر دار نہیں۔)

تصادم اور ضرب

سوال ۱۳۳۵: ایک مسخندہ 12 سندی سے 30 cm بلندی ہے 30 cm بلندی ہے۔ اس کی کمیت مندن پیٹ کے بل گر کر لوگوں کا دات لیتا ہے۔ وضعرض کریں، عسین پانی کی تہر کو پینچ کر یہ شخص رکتا ہے۔ اسس کی کمیت منسرض کریں۔ وضعرض کریں۔ وضعرض کریں۔

سوال ۱۳۳۷: زمسین پر 1.2 kg کا گیند $5 m s^{-1}$ رفتار سے انتصابی گرتا ہے۔ ٹپ کی کے بعید اسس کی ابتیدائی رفتار 1.2 kg رفتار $10 m s^{-1}$ رفتار $10 m s^{-1}$ برختار $10 m s^{-1}$ کا گیند کی دوران گیند پر کتنی ضرب عمسل کرتی ہے؟ (ب) اگر گیند کی اوسط قوت کتنی ہوگی؟ زمسین کے ساتھ مس ہو، زمسین پر گیند کی اوسط قوت کتنی ہوگی؟

سوال ۳۳۳ تعسین اسس وقت جب ایک شخص ، جس کی کمیت 70 kg ہے ، کری پر بیٹھت ہے اسس کا مشرار تی دوست کری گر بیٹھت ہے اسس کا مشرار تی دوست کری کھنٹے لیتا ہے ، جس کی بدولت پہلا شخص سے 0.50 m نئچ زمسین پر گر تا ہے۔ اگر زمسین کے ساتھ تصادم کا دوران شخص میں دوران شخص پر زمسین (۱) کی ضرب اور (ب) اوسط قوت کئی ہوگی ؟

27 ms محور x پر ابت دائی طور پر مثبت رخ 14 m s $^{-1}$ سے حسر کت کرتے ہوئے x برکت کی متدر کے متدر کے متدر کی کہ فوت کی اوسط 32.4 Ns ہے۔ قوت کی گوت کی اوسط متدر اور (ب) اسس کارخ کیا ہوگا؟ (ج) قوت کی اوسط متدر اور (د) گیٹ در خرب کارخ کیا ہوگا؟

سوال ۳۳٬۳۰۰ ایک پہلوان مینز پر 13 m s⁻¹ رفتارے تھیٹر مار تا ہے۔ اسس کا ہاتھ 5.0 ms کے تصادم مسیں رکتا ہے۔ و سنر ش کریں تصادم کے دوران ہاتھ اور بازوایک دوسسرے پر اثر انداز نہیں ہوتے اور ہاتھ کی کیسے 0.70 kg ہے۔ ہاتھ پر مینز کی (ا) ضرب کی صندر اور (ب) اوسط قوت کی صندر کیا ہوگی؟

 $500\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ہونے پر $3\,\mathrm{g}$ کی $100\,\mathrm{d}$ گولیاں فی سینڈ سٹر ہے جہائی حباتی ہیں۔ گولی کی رفت اور $3\,\mathrm{g}$ کی سوال ۱۳.۳: ہونے پر اورط قوت کی متدر کہا ہوگی؟

سوال ۱۳۸۳: بلند کن کی کرے پہلے اچھان بلند کن کارب ٹوشت ہے اور بدقتمتی ہے اسس کا حضاظتی نظام بھی ناکارہ ہوتا ہے، جس کی بدولت ہے۔ فقص کر تا ہے۔ زمسین پر پڑنچ کر 90 kg سوار 5.0 ms کے تصادم مسین رکتا ہے۔ (مسیرض کریں سنہ بلند کن اور سنہ ہے شخص شہکی کھاتے ہیں۔)تصادم کے دوران شخص پر (ا) ضرب اور (ب) اوسط قوت کی مصادم ہے قبل ، بلند کن کے لیے نظے شخص 7.0 ms کی رفت ارسے اوپر چھانگ لگائے (ج) خص 1 اور (د) اوسط قوت کی صدرین کہا ہوں گی (رکنے کا دورانہ ہوں کے صور کریں)؟

x بوان ۱۳۳۳: یچوں کا کھنے ونا جس کی کیت x بور کور x پر حسر کت کر سکتا ہے۔ شکل 150.9 اس قوت x کا جبزو x بی کا کھنے ہو کھنے ونے پر بھو ساکن حسالت سے لمحت x وہ x کا کہنے وہ کھنے ونے پر بھو ساکن حسالت سے لمحت x وہ بی کہنے وہ کہنے وہ

51.9 موال 7.7%: عسین تصادم ہے قبل اور عسین تصادم کے بعد $0.300\,\mathrm{kg}$ گیند بلے ہے کراتا ہوا شکل 51.9 مسین دکھیایا گیا ہے۔ عسین تصادم ہے قبل گیند کی سمتی رفتار \vec{v}_1 کی تدر $12.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور زاویہ 35.0° ہے۔ تھادم کے عسین بعد گیند کی سمتی رفتار \vec{v}_2 کی قتدر $10.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ ہوارے سیدھیا اوپررخ سرکت کرتا ہے۔ تھیادم کا دورانیہ $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$ ہور کے گیند پر بلغ کی خرب (ا) کی قتدر اور (ب) مثبت $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$ کول خاط ہے۔ تھیادم کی اوسط قوت کی (خ) قتدر اور (د) رخ کیا ہیں ؟

سوال ۱۳۸۳: براعظہ امسریکہ کے وسطی اور جنوبی عساتوں مسیں افعی چھپکلی اپنی جبیانی کی سطح پر پیچسلی دوٹانگوں کی مدرے دوڑ سستی ہے۔ حسد مالیت ہوئے چھپکلی پہلے زور سے پانی کی سطح پر پاوں سے تھپٹر مارتی ہے، اور اسس کے بعد پاول کو پانی مسیں اسس سینزی سے نیچے و هکسیاتی ہے کہ پاول کے اوپر ہوا کا عنب ارہ بن حب تا ہے۔ اسس سے قبل کہ ہوا کے عنب ارے مسیں اطسران سے پانی بھسر آئے چھپکلی ای پیسرتی سے پاول والیس اوپر کھنٹی کر پانی کی قوت گھساٹ سے پنگی پاتی ہے۔ وُو بنے سے بچنے اطسران سے پنگی پاتی ہے۔ وُو بنے سے بچنے مشروری ہے کہ تھپٹر، نیچے د تھسیل اور پاول والیس اٹھسائے کے دوران اوپری اوسط ضرب، تحب ذبی قوت کی نشیب وار مشرب کے برابر ہو۔ وسنسرض کریں افعی چھپکلی کی کیست والی میں اوپر 3.00 و میں کریں۔ اوپر کی اوسط ضرب، تحب ذبی قوت کی نشیب وار

basilisklizard⁹

s = 1.50 m s - 1) تھپٹر کے دوران چھپگل پر ضرب کی ت در کیا ہے؟ (ایس اسلامی اوپر رخ ہے۔) (ب) ایک ت دم کے 8 0.600 دورانیہ مسیں تحباذبی قوت کی چھپگلی پر نشین دار ضرب کتی ہے گئی کی کہ کا کہ میں اوپر رخ ہے۔) (ب) ایک قت رہا ہے؟ کتی ہے گئی ہے کتی ہے گئی کو مہارا تھپٹر دیتا ہے، نینج د تھک کہ دیاد نول کا حصہ تقسر میں بابر ابر ہے؟

 $\vec{F} = (12.0 - 3.00t^2)$ بالرگزر دن فی سطح پر $\vec{F} = (12.0 - 3.00t^2)$ بالرگزر دن فی سطح پر $\vec{F} = (12.0 - 3.00t^2)$ بالم تقریب به مسیر می و توسی به مسیر مورد و توسی به مسیر مورد و توسی به مسیر مورد و توسی به مسیر و توسیر و

$$F(t) = [(6.0 \times 10^6)t - (2.0 \times 10^9)t^2] \,\mathrm{N}$$

تمس سے دوران (۱) لات ہے گیند پر ضرب کی تدر، (ب) گیند پر اوسط قوت کی تدر، (ج) گیند پر زیادہ سے زیادہ وقت کی تعدر، اور (د) عسین اسس لیحے گیند کی سمتی رفت ارکی و تدر جسس لیحے گیند لات سے علیحہ یہ ہو تا ہے تلاسش کرس۔

سوال ۱۳.۵۰ ایک گیند جس کی کمیت g 300 ور رفتار s^{-1} 6.0 m s ور بوار کے ساتھ زاوی سوال ۱۳.۵۰ و کستان دور کی کمیت کی کے بعد دوالیس ہوتا ہے۔ شکل 54.9 میں فصن کی حسائزہ دکھیا گیا ہے۔ گیند داور دیوار آلیس مسیں g g g کے مس رہتے ہیں۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں (ا) گیند پر دیوار کی ضرب اور (بیار آلیس مسیں g g کے کئے مس رہتے ہیں۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں (ا) گیند پر دیوار کی ضرب اور (بیار پر گیند کی اور جی اور چی اور چ

خطی معیار حسر کی بقسا

سوال ۳۰۵۱ بلارگڑ سطچ پر 91 kg کمیت کالیٹا ہوا گخص 68 g پتقسر کو 4.0 m s⁻¹ رفت ارسے سطچ پر روانا کر تاہے۔ سے شخص نتیجت گنتی رفت ارحب اصل کر تاہے؟

سوال ۱۳۰۵: زمسین کے لیے ظرے $43\,000\,\mathrm{km}\,\mathrm{h}^{-1}$ رفتارے پرواز کرتا فصن کی طیارہ استعال شدہ ہوائی بان موٹر (کمیت 4m) کو فتارے بیجھے (کمیت 4m) کے علیحدہ کرکے مقیاسہ کے لیے ناظرے 4m 82 رفتارے بیجھے بھیے کی مقیاسہ کی فوراً بعد و مقیاسہ کی رفتار زمسین کے لیے ناظرے کمیا ہوگی؟

سوال ۳۵۳: ایک جسم جس کی کمیت ۱۱ اور مشاہدہ کار کے لیے اظ سے رفت اوس بردھاکے سے دو حصوں مسیں تقسیم ہوتا ہے، جہال ایک گئڑے کی کمیت دوسسرے نکڑے کی کمیت کی ٹین گتا ہے؛ دھاکہ فصنائے ماورا مسیں واقع ہوتا ہے جہال تحب ذبی قوت نہیں پایا حباتا ہے کم سمین کلزامشاہدہ کار کے لیے اظ سے رک حباتا ہے۔ مشاہدہ کار کی حوالہ چو کھ نے مسین ناسیے ہوئے دھاکہ نظام کو کتی حسر کی توانائی منتقش کرتا ہے؟

سوال ۵۵. π : زیادہ بلندی تک یہ پینچنے کی عشر ض ہے، عسین چھالنگ ہے قبل، کھلاڑی دووزن اوپر اٹھ تا اور چھلانگ ہے جسد ، پرواز کے دوران ، نینچ زور سے پیپیٹ آ ہے۔ فسنر ض کریں ایک کھاٹری کی کمیت $78 \, \mathrm{kg}$ اور ایک وزن کی کمیت $5.50 \, \mathrm{kg}$ کمیت $5.50 \, \mathrm{kg}$ کمیت کے بعد من سوش کمیت ہے۔ آس عشر ض کمیت جھالنگ کی بجبائے کبی چھلانگ لگانا حیابت ہے۔ آس عشر ض سے چھلانگ کے دوران بلند ترین نقط پر پہنچ کے کھاٹری وزن افقی بوں پیچھ پھیپ کتا ہے کہ زمسین کے لحاظ سے ان کی سمتی رفت از معنوں مور توں صور توں مسیں، افتی سمتی رفت از بخت وزن دونوں صور توں مسیں، \vec{v} ہو ہو تب ہو گھالائی کی سمتی رفت از بخت وزن دونوں صور توں مسیں، کے اور زمسین کو ہم سطح تصور ہے۔ وزن کا استعمال اس کو کتن اصل طے کراتا ہے؟

سوال ۱۳۰۵ ایک جس کی گیب و 20.0 kg ہے فض مسین x محور کے مثبت رخ 200 m s⁻¹ ایک و حس مسین x محور کے مثبت رخ 10.0 kg مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک خلوا جس کی گیب 10.0 kg مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک مکوا جس کی گیب 4.0 kg ہے، نقطہ دھا کہ سے مثبت x محور کے رخ x منگی x محور کے رخ x میں x میں تسین تقسیم کور پر x میں میں میں تاہم میں تیسم کور کے رہا ہوتا ہے۔ (ا) اکائی سستی ترقیم مسین تیسم کارکے کی سستی رفتار تلاسش کریں۔ (ا) دھا کے مسین تیان تو انائی رہا ہوتی ہے ؟ تب اذبی قوت کے اثرات نظر راند از کریں۔

سوال ۳۵۰ تا کیسے جسم ، جس کی کمیت $4.0~{\rm kg}$ ہے ، بلار گڑ سطح پر حسر کت کرتے ہوئے دھا کے سے دو $2.0~{\rm kg}$ کمٹروں مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک کمٹرا $3.0~{\rm m~s^{-1}}$ شمال کی طسر ون رواناہو تا ہے۔ جم کی ابت دائی رفت ارکسیا ہے ؟

سوال ۲۰۰۰: زرہ A اور ذرہ B جن کے نج دیا ہوا اسپر نگ ہے کو زہر دستی اکٹھے کپڑ کر رکھا گیا ہے۔ رہا کرنے پر اسپر نگ انہیں محنالف رخوں دھکیل کر ان سے علیحہ یہ ہوتا ہے۔ ذرہ A کی کمیت ذرہ B کی کمیت کی 2.00 گئا ہے، اور دبے اسپر نگ مسیں ذخیہ مختی توانائی B کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور اسپر نگ کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور اسس کی توانائی کمان طور پر ذروں کو منتقل ہوتی ہے۔ توانائی کا انتقال مکسل ہونے پر (ا) ذرہ A اور (ب) ذرہ B کی حسر کی توانائی کا انتقال کمسل ہونے پر (ا) ذرہ A اور (ب) ذرہ B کی حسر کی توانائی کی ایوگی ؟

معيار حسر كت اور تصادم مسين حسركي توانائي

موال ۳۰۱۱: منجنی روتاص جس کی کیت 2.0 kg ہے، پر 10 g گولی حیائی حیاتی ہے۔ روتاص کا مسرکز کیت۔ 12 cm بلندی تک پنچتا ہے۔ وضرض کریں گولی روتاص مسین دھنس حیاتی ہے۔ گولی کی اہت دائی رفتار کسیا ہے؟

سوال ۱۳.۷۲ بالر گڑ منسرسٹس پر ککڑی کا تخت جس کی کمیت ہوں 700 ہے ساکن پڑا ہے۔اسس پر 9 5.20 گولی حیال تی بست ہوتی ہوتی ہوتی ہوتے تخت کو مار کر اسس سے پار 428 m s⁻¹ رفتار سے حسارج ہوتی ہوتے تخت کی رفتار کسا ہوگی؟ (ب) تخت کو گول نظام کے مسر کز کمیت کی رفتار کسا ہوگی؟

v عوال ۱۳.۱۳ بار گرفت رسٹس پر پڑے دوس کن جم پر v 3.50 و گول افقی ماری حباتی ہے (مشکل 58.9 الف) ہے گول جم v المحمد بنا ہے گزر کر دوس رے جم ، جس کی کمیت v 1.80 kg ہے ، مسین دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے ، مسین دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے ، مسین دھنس کرتے ہیں کی بیاد والسے جم 1 کی رفت اور جم 2 کی رفت اور جم 2 کی رفت اور جم 1 کی رفت اور جم 1 کے مثل کرتے ہیں جم 1 کی دونت اور کے مواد نظر انداز کرتے ہوئے ، گولہ کی رفت اور اسس کمے تلاشش کریں جب ہے جم 1 کے مثال گوگا ہور (ب) دور نسل ہوتی ہوئے ، گولہ کی رفت اور براحت کی ہوتی ہوئے ، گولہ کی رفت اور براحت کی ہوتی ہوئے ۔

موال ۲۵۰ سز الماسی کاڑی اور بارہ سنگا کے تصادم عسام بات ہے۔ و نسر ض کریں 1000 kg گاڑی 5000 kg سے اس قسم کا سال ۱۵۰۵ سے تعلق کی است فتم کا سال بارہ سنگا ہے نگر اتی ہے۔ (۱) حسر کی توانائی کا کتن فی صد حصہ توانائی کے دیگر صور تول مسیں بیا جب ان کی کا کتن فی صد حصہ کا نگر عسام ہے۔ (ب) اگر یکی گاڑی ساکن اونٹ مسئلہ عسر ب ممالک مسیں پایا جب اتا ہے جب ان گاڑی اور اونٹ کا نگر عسام ہے۔ (ب) اگر یکی گاڑی ساکن اونٹ سے نگرائے جس کی کمیت بڑھنے سے نگرائے جس کی کمیت بڑھنے سے نگرائے جس کی کمیت بڑھنے سے فی صد توانائی کاف بار بارہ سے ایا گھٹت ہے؟

موال ۲۰٬۱۷: انتصابی محور پر مختالف رخ حسر کت کرتے لبدی کے دو گولوں کے نیج کمسل غنید کی تصادم ہوتا ہے۔ عسین تصادم ہوتا ہے۔ عسین تصادم ہے قبل ایک گولا، جس کی کمیت 3.0 kg ہے۔ عسین تصادم ہے قبل ایک گولا، جس کی

کیت 2.0 kg ہے، 12 m s⁻¹ کے نشیب وار حسر کت کرتا ہے۔ نقطہ تصادم سے دونوں گولوں کا محب وعہ کتی بلندی تک ہے۔ نقطہ تصادم سے دونوں گولوں کا محب وعہ کتی بلندی تک ہے۔ بیٹ کا بیٹ کا بیٹ کا بیٹ کی بیٹ کا بیٹ کا

سوال ۱۳۰۸: سرخ استارے پر کھسٹری گاڑی A (کیسے 1100 kg کو پیچے سے گاڑی B (کیسے 1400 kg کر مارتی $d_A = 8.2 \, \mathrm{m}$ کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار $A_A = 8.2 \, \mathrm{m}$ کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار $A_A = 8.2 \, \mathrm{m}$ کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار $A_B = 6.1 \, \mathrm{m}$ کی رفت ارکسی $A_B = 6.1 \, \mathrm{m}$ کی بیسے میں تعسین تعسین

سوال ۱۹۹۹ نظر الرائز فسنسر مش پر ساکن اسپر نگ بسند وق، جس کی کمیت $M=240\,\mathrm{g}$ به کانالی مسیس معتام $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کینالی مسیس معتام $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کینند نالی مسیس است معتام پر اثر حباتا ہے جہاں اسپر نگ زیادہ دیا ہے۔ گیند اور نالی کے نیج رائز کی بن حسر توانائی مسیس اضاف و سائل نظر انداز ہے۔ (ا) اس لیح بندوق کی رفتار کمیا ہوگا جب گیند نالی مسیس رکتا ہے؟ (ب) گینند کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتنا حس اسپر نگ مسیس ذخیسرہ ہوگا ؟

 $3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کسے کا دائیں رخ $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی در کسے مسین ہیں (مشکل 63.6)۔ و نسر مش بلار گڑ ہے اور کسل 2 کے ساتھ اسپر نگ پا حبر اللہ جس کی اسپر نگ مستقل $1120\,\mathrm{N\,m^{-1}}$ کے دوران اسپر نگ کا داب اسس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گاجب دونوں کس کی سے میں دفتار ایک ہو ۔ زیادہ سے زیادہ کی دونوں کس کی سے میں دفتار ایک ہو ۔ زیادہ سے زیادہ کے الادہ سے مستقل کا داب اسس کریں۔

ایک بعب دمیں کی تصادم

ووال ۳.۷۲: بلارگر فسندسش پر سل A (کمیت $1.6\,\mathrm{kg}$ سرکت کرتا ہوا سل B (کمیت $1.6\,\mathrm{kg}$ سی سوال ۳.۷۲: بلارگر فسند شن پر سل A (کمیت A کرتا ہوا سل وقت وقت و گراتا ہے (i) اور تصادم کے بعد تین سستی رفت اور v_{Bf} اور $v_{Bf} = 4.9\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ ، اور $v_{Bi} = 2.5\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ ، $v_{Ai} = 5.5\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کی رفت اور $v_{Bf} = 4.9\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$) کرفت اداور (ب) رخ (دائیں یا بائیں) کسی اتصادم کی گئے ہے ؟

سوال ۳۰.۷۳: بلارگر خطی ہوائی ڈگر پر 340 ویڑھی -1.2 سہ -1.2 ابت دائی رفت ارسے حیل کر نامع اوم کیہ ہی کی ساکن رپڑھی ہے نگر آتی ہے۔ تصادم کے بعد پہلی رپڑھی رخ برفت رار کھ کر -1.2 سے -1.2 سے حسر کرت کرتی ہے۔ (ا) دو سری رپڑھی کی کیہ ہے گار ہے (جب) تصادم کے بعد داسس کی رفت ارکیا ہوگی ؟ (ج) دور پڑھی نظام کے مسر کز کیہ ہے کی رفت ارکیا ہوگی ؟ (ج) ہوگی ؟

موال ۲۰۰۷: طیطانیم 'اے دوکرہ ایک رفت ارسے حیال کر آئے سامنے سے کی تصادم کاشکار ہوتے ہیں۔ تصادم کے بعد ایک کرہ، جس کی کیت کرہ، جس کی کیت کرہ، جس کی کیت کرہ، جس کی کیت کرہ دونوں کرہ کی استدائی رفت ارکیا ہوگی؟ کی ابت مدائی رفت ارکیا ہوگی؟

 $m_2 = 3m_1$ بارگر فنسرسش پر m_1 کیسے کی سل جہل کر ساکن سل، جس کی کمیسے m_1 ہوال 20.4 برائی ہوری کھی تصادم مسیں مبتلا ہوتی ہے۔ تصادم سے قبل دو جسمی نظام کے مسرکز کمیسے کی رفت ارسی کی گرفت ارکیا ہوگی؟ $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$

سوال ۳.۷۱: کیسے 0.500 kg کا فولادی گیند 70.0 cm ڈور سے لئک رہا ہے (شکل 65.9)۔گیند کو ایک حباب اٹھیا پاجساتا ہے اٹھی ایک ایک حبابات ہے۔ تحییلے ترین نقط پر پہنچ کر سے 2.5 kg کی فولادی سل سے نگرا تا ہے جو بلار گڑونسر سٹس پر ساکن پڑا ہے۔ تصادم کی ہے۔ عسین تصادم کے بعد (۱) گیند کی رفت ار اور (ب) سل کی رفت ار تلاسش کریں۔

سوال ۱۳.۷۷ ایک جسم، جس کی کیت 2.0 kg ہے، دوسرے ساکن جسم ہے گئی مگر کے بعد ، رخ بر فترارر کھ کر، ایک چسر ادر کھ کر، ایک چونوٹ انگی رفت ار ہے کہ کا بات دائی ایک چونوٹ انگی رفت ار ہے کہ بوروج جسمی نظام کے مسر کز کمیت کی رفت ار کیے گی؟

 $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ وفت المر گرفت مش پر ذره $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ و نسب کی کمیت $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ و نسب کا کمیت و کمی نسب کا کمیت و کمی تصادم ذره $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ و کمی تصادم خود و کمی تصادم خود و کمی تصادم کمیت و کمیت کمیت و کمیت و کمیت و کمیت و کمیت کمیت و کمیت و

 $h=2.50\,\mathrm{m}$ بانندى سے دوانا ہو کر m_1 بانندى سے دوانا ہو کر m_1 بانندى سے دوانا ہو کہ باندى سے دو کہ باندى سے دوانا ہو کہ باندى سے دوانا ہو کہ باندى سے دولا ہو کہ باندى سے دولا ہو کہ ہو کہ باندى سے دولا ہو کہ باندى سے دولا ہو کہ بان

titanium'*

سوال ۱۳۰۸: چھوٹے گیت د کوبڑے گیت دکے شیک اوپر معمولی بلت دی پر رکھ کر دونوں کو بسیکوقت $m=1.8\,\mathrm{m}$ بلت دی سے گرنے دیا جساتا ہے (گیت دوں کے رواسس کے لحیاظ سے وستایل نظر انداز ہیں)۔ ان کی کیست بالسسرتیب m=1 اور m=1 ورواسس کے بعد چھوٹا گیت در مسین سے کہا گیت کے اور اسس کے بعد چھوٹا گیت در مسین سے کہا گیت دی گیت ہوئی جپ کے گئیت دے گرا کر رک بڑے گیت دے کی شپ کی گھائے گیت دے گرا کر رک جب کی شپ کی گھائے گیت دے گرا کر رک جب کی بیٹ کے گئیت دی تھوٹے گیت دے گرا کر رک جب کی بیٹ کی بیٹ کے گھائے کہ بڑا گیت دی تھوٹے گیت دیں تھوٹے گیت دی تھو

دوابعها دمسين تصادم

سوال ۱۳۸۳: زره 1 فرره الفا" اور ذره 2 مرکزه آگیجی $1 = 64.0^\circ$ این 1.9 کرد آلی و الفا" اور ذره 2 مرکزه آگیجی $1.20 \times 10^\circ$ این $1.20 \times 10^\circ$ این $1.20 \times 10^\circ$ الفازاوی مسیل مسیل $1.20 \times 10^\circ$ المنتر 1.20×10

سوال ۳.۸۵: برابر کمیت کے دوجیم جوایک ابت دائی رفتارے حسر کت کرتے ہیں غیبر کمپ کی تصادم کے بعد ایک ساتھ نصف ابت دائی رفت اربے حسر کت کرتے ہیں۔ ان کی ابت دائی سستی رفت ارکے ﷺ زاوی ہتلا حش کریں۔

ووال ۳۸۱ اور B اجب م A اور B گراتے ہیں۔ تعب دم ہے قبل ان کی سمتی رفت اربالت رتیب \vec{v}_A ورفت اور \vec{v}_A اور \vec

سوال B سوال A بین پروٹان A بیس کی رفت اور A ابت دائی رخ کے ساتھ $\delta 0^\circ$ زاویہ بینا تا ہے۔ تصادم کے بعد دان کی مستی رفت اور A ابت دائی رخ کے ساتھ $\delta 0^\circ$ زاویہ بینا تا ہے۔ تصادم کے بعد (۱) پروٹان A اور (ب) پروٹان A کی رفت ارکسیا ہیں؟

alphaparticle" oxygennucleus

تغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

سوال ۱۳.۸۸ مشتری کی طسرون من کے مختیق حنائی طیارہ، جس کی کمیت $6090 \, \mathrm{kg}$ ہورج کے لحاظ ہے۔ $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ رفتار ہے جاتے ہوئے دم سے $80.0 \, \mathrm{kg}$ منسرج طیارے کے لحاظ ہے $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کر رفتار ہے جانے ہوئے دم ہے $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کر تا ہے۔ طیارے کی افتقا می رفتار کیا ہے ؟

سوال ۱۳۸۹: دو لیم بحبرے ساکن پانی مسین ایک رخ روان ہیں۔ ایک کی رفتار 10 km h⁻¹ اور دوسرے کی 10 km h⁻¹ کے کلہ 10 km h⁻¹ کے کلہ 10.9 بعضی دیر تسینر بحبرا آہتہ بحبرے سے کو ئلہ 1000 kg min⁻¹ مسین کی است کی میں میں بھیکا حباتا ہے۔ ونسر ش کریں بحبرا اور پانی کے فٹی رگڑی توت بحبرا کی گیست پر مخصصہ مہمین اور کو ئلہ سستی رفت ارکو عسمودی پھیکا حباتا ہے۔ رفت اربر و تسرار رکھنے کے لئے (ا) تسینر بحبرا اور پانی کے نئی رفت ارکو عسمودی پھیکا جب تا ہے۔ رفت اربر و تسرار رکھنے کے لئے (ا) تسینر بحبرا اور پانی ہوگئی؟

سوال ۹۰۰: فصن نے ماورامسیں جمودی حوالہ چوکھ نے کے لحاظ سے ساکن ہوائی بان پر غور کریں۔ ہوائی بان کا انجن کی مخصوص دورانسیہ کے لئے حسالیا حسانا ہے۔ جمودی حوالہ چوکھ نے کے لحاظ سے ہوائی بان کی رفت ار ()حضر ن رفت ار () جسنسری رفت ار () جسنسری مواد کی رفت ار) کے برابر اور (ب) حضری رفت ارکی و گئی ہونے کے لئے ہوائی بان کی سمیتی تناسب (ابت دائی کیسے کا جسنس انتقامی کیسے کے لحاظ سے) کتنی ہونا ضروری ہے؟

سوال ۱۹۰۱: جودی حوالہ چو کھ نے کے لیے ظرے نصن نے ماورامسیں موجود سے کن ہوائی بان کی کمیت kg ہودی حوالہ چو کھ نے کے لیے ظرے نصن نے ماورامسیں موجود سے کن ہوائی بان کی کمیت kg ہوری ہوران این دھن ہے۔ ہوائی بان کا نجن و 250 دوران این دھن kg ہوران این دھن kg ہوران این دھن kg ہوران این دھن kg ہوران این دھن کے استعال ہوتا ہے۔ ہوائی بان کے لیے طرح سے دوران این کی تو ہوران کی تو ہوران کے استعال کتی ہے؟ اسس دوران ہے۔ کہ بعد ہوائی بان کی (ب) کمیت اور (ج) رفت ارکسیا ہیں؟

اضافي سوالات

 \vec{v} ایک جم پر نظر جمائے ریڈار کے مطابق جم کا تعسین گرسمتیہ \hat{t} + 2700 \hat{t} + 2700 \hat{t} = \vec{v} عمل الق جم کا تعسین گرسمتیہ ہے۔ ریڈار کا v محور مشرق کے رخ اور v محور شمال کے مرخ ہے۔ ریڈار کا v محور مشرق کے رخ اور v محور شمال کے رخ ہے۔ اگر جم 250 kg کیسے کا موسمیاتی مسزائل ہو، (۱) اس کا خطی معیار حسر کت اور (ب) اس کے حسر کت کارخ کیا ہوگا، اور (ج) اس پر صافی قوت کتنی ہے؟

سوال ۱۳۹۳: ہوائی بان کا آخنسری حصہ ، جو 7600 m s⁻¹ کی رفت اربے حسر کسے مسیں ہے ، دو حصوں پر مشتمل ہے ، چنہ میں آب سس مسیں حبکڑا گیا ہے۔ ایک حصہ ہوائی بان کا خول ہے جس کی کمیست 290.0 kg ہے ، اور دو سراوہ ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک دو سرے کے لیاظ ہے۔ 1910 m s⁻¹ استی فی رفت اربے علیحہ دہ کرتا ہے۔ علیحہ دگی ہے بعد (ا) ہوائی بان خول اور (ب) ساز و سامان ڈبی کی رفت ارکیب ہوں گی ؟ تمسام سستی رفت ارایک محور پر مسنر ض کریں۔ (ج) علیحہ دگی سے قسبل اور (د) علیحہ دگی جسر کی توان کی تام سستی رفت اراکیب مسئری کی وجب پیشس کریں۔

سوال ۱۳.۹۴ بلندعمار<u>ت</u> كايرة وارانهدام "

سوال 90 $m_L = 1.00 \, \mathrm{kg}$ "اور سل 100 $m_B = 0.500 \, \mathrm{kg}$ بردوبا 100 $m_B = 0.500 \, \mathrm{kg}$ ب

سوال ۱۹۰۹: بلارگڑ فسنىرىش پر دوذر ہے بچسلة ہوئے مستقل مستى رفت ارسے حسر كرتے ہیں؛ سشكل 73.9 مسيى ان كا فصن ان كا جسن ہو دو ذرسے بھسلة ہوئے مستقل مستى رفت ارسے حسر كرتے ہیں؛ سشكل 73.9 مسيى ان كا حسان كى راہي ايك دوسرے كو كا ئى ہیں۔ محور x يوں منتخب كسيا گسيا ہے آمدى راہوں كے بخ زاويے كو برابر حصوں مسيى كا كر 0 و دے تصادم كو را كى حبان ہے كو محور x يوں منتخب كسيا گسيا ہے آمدى راہوں كے بخ زاويے كو برابر حصوں مسيى كا كر 0 و دے تصادم كو را كى مورد 0 ور مندسوں ہے موسوم حسان نقطہ دار لكسياريں، مورد ہيں ہو، حسرون ہے موسوم حسان قصیم كرتى ہیں۔ اگر تصادم (۱) مكسل كہي ، (ب) كہيكى ، اور (ج) غسيار كہيں ہو، درے كس حصر مسيى ماكس كسيار برحسر كت كرتى ہیں؟

سوال ۳.۹۷: رفت اركاان داداف زائش

 $v_{1i} = 4.00 \,\mathrm{m \, s^{-1}}$ ونتارے $v_{1i} = m_1$ برآر گونٹر شن پر کور x کے ہمسراہ $v_{1i} = m_1$ ونتارے $m_2 = 2.00 m_1$ برگرکے گانسادم ساکن سال 2 ہوتا ہے، جس کی کمیت $m_2 = 2.00 m_1$ ہوتا ہے، جس کی کمیت $m_2 = (74.9 \,\mathrm{m})$ ہوتا ہے، جس کی کمیت $m_3 = (74.9 \,\mathrm{m})$ ہوتا ہوگی تصادم سال 3 کی رفتار کے اس وقت سال 3 کی رفتار کے اس وقت سال 3 کی رفتار کے اس کی استدائی آبیت ہوگی؟ کی اس کی ابتدائی آبیت کے زیادہ ہوگی؟ کے انتازہ کی ایک ہوتا ہوگی ہوتا ہوگی؟ کو ایک ہوتا ہوگی؟ کے انتازہ کی ایک ہوتا ہوگی؟ کے ایک ہوتا ہوگی ہوتا ہوگی؟ کے ایک ہوتا ہوگی؟ کو ایک ہوتا ہوگی؟ کے ایک ہوتا ہوگی ہ

سوال ۳.۹۸: رفت ارکی استزائش

pancakecollapse safetyfactor

 $m_2 = 0.500m_1$ $m_2 = 0.500m_1$ $m_3 = 0.500m_2$ اس کے بعد سل 2 کا کیک بُعدی کی تصادم سل 3 ہوتا ہے، جس کی کیے سے $m_3 = 0.500m_2$ جس کی کیے سے $m_3 = 0.500m_2$ جس کی کیے سے رہازہ کی است ان قیم ہے ؟ (ج) صدر کی آوانائی، اور (د) معیار حسر کسے کی قیمت سل 1 کی ابت دائی قیمت نے زیادہ ہے ، کم ہے ، یا اتن ہی ہے ؟

موال ۱۰۰ است: حنلائی طیارے کے دو حصوں کو حبکڑ کر ساتھ رکھنے والے دھا کہ خسینر ت بلوں کے دھا کہ سے علیحہ دہ کسیاحب تا ہے۔ ان حصوں کی کمیت 1200 kg اور 1800 kg ہے؛ ہر ایک جھے پر ت بلوں کے دھاکے کی ضرب کی ت مدر کا 300 N s ہے۔ چھے کس اضافی رفت اربے علیجہ دہ ہوتے ہیں؟

موال ۱۰۱.۳: ایک گاڑی، جس کی کمیت $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ به $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفتارے ابتدائی طور کور y کے ہمسراہ شمال کی طسرون حساط ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون حساط ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون حساط ڈرائیور گاڑی سے دائیں ہاتھ 90° میں روک پاتا ہے۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں گاڑی پر (۱) موڑ کائے کی سیدھ سیدٹ پر حپڑھ اتا ہے، جو گاڑی کو $350\,\mathrm{m\,s}$ میں روک پاتا ہے۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں گاڑی پر اور سال قوت کی وجب سے ضرب کمی ہوگئی ورران اور (د) تصادم کے دوران گاڑی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ورران گاڑی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی و تسدر کمی ہوگئی کہ ویران گاڑی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی ہوگئی کر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ہوگئی ہوگئی کی اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ہ

سوال ۱۰۱۳ ایک شخص، جس کی کمیت 75 kg ہے، 39 kg کمیت کی ریڑھی پر سوار ہے جو 2.3 m s⁻¹ میں رفتارے سوار ہے جو 2.3 m s کی ریڑھی کے دیا ہے۔ ریڑھی کی سنتی رفتارے ساتھ ریڑھی ہے کو د تا ہے۔ ریڑھی کی سنتی رفتار مسین تب دلی بہتا عسلامت کسیاہو گی؟

سوال ۱۰۰۳: بلارگر فسنبرسش پر ساکن دو سل جن کی کمیتیں 1.0 kg اور 3.0 kg بین اسپر نگ کے ذریعہ آگیس مسین حبیری بین۔ انہمیں ایک دو سیرے کے رخ سمتی رفت اریوں دی حباتی بین کہ ان کامسر کز کمیت ساکن رہت ہے اور سل 1 کی رفت ارکیس 1.7 m s⁻¹ ہوتی ہے۔ سل 2 کی سمتی رفت ارکیب ہے؟

سوال ۱۰۵۰: مال بردارریل کاڈب، جس کی کمیت 104 kg ہے، ڈرائیور کے ساکن ڈ بے سے تکراتا ہے۔ دونوں آپس مسین حبٹر حباتے ہیں اور ابت بدائی حسر کی توانائی کا % 27.0 حسری توانائی، صوتی توانائی، ارتعب سش، وغسیرہ کو منتقب ہوتا ہے۔ ڈرائیور کے ڈ بے کی کمیت تلاسٹس کریں۔

parentnucleus12

daughternucleus

neutrino12

ور بال ۱۰۱.۳۰: ایک گاڑی، جس کی کمیت $2400 \, \mathrm{kg}$ ہے، سیدھی سٹر کے پر $80 \, \mathrm{km} \, \mathrm{h}^{-1}$ ور فران کی کمیت کس رفت ار ہے۔ اس کے پیچے $1600 \, \mathrm{kg}$ کمیت کی گاڑی $1600 \, \mathrm{kg}$ وفت ار ہے۔ ان کا مسر کز کمیت کس رفت ار ہے۔ سے حسر کرتا ہے؟

 $^{-1}$ سوال $^{-1}$: گینند $^{-1}$ ، بو $^{-2}$ مینند $^{-1}$ ، بو $^{-1}$ کال ای طسرح کے دوسرے گینند $^{-1}$ ہو اللہ $^{-1}$ اللہ $^{-1}$ ہو اللہ $^{-1}$ اللہ $^{-1}$ ہو اللہ ہو کہ مواد کے مواد

 $(5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$ + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$ + \cdot + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$ + \cdot + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$ + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{k}$ + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{k}$

سوال ۱۱۱۱ سن: دویکساں برتن جن مسیں ایک جنتی چینی بجسری ہے ایک ذور کے ذریعہ حبڑے ہیں، جو بلار گڑ حپ رخی کے اوپرے گزرتی ہے (سنکل 77.9)۔ ڈور اور حپ رخی کی کمیت و تابل نظر انداز ہے، جب ایک برتن اور اسس مسیں بجسری چینی کی کمیت و 500 g مناسلہ اور برتن ایک جنتی بلت دی پر جب کڑ کر گئیت مسیں جسری کے گئے ہیں۔ برتن 1 کے وسط اور دوبرتی نظام کے مسرکز کمیت مسیں (۱) ابت دائی افتی مناصلہ اور (ب) برتن 1 سے 20 g چینی بنت کی بحد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہائے واور (د) اسراع کی کتی وت در سے حسرکت کرتا ہے ؟

سوال ۱۱۱۲: ایک گیند ہموار مسنسر مشن پر چیلتے ہوئے یک ال گیند سے کمراتا ہے۔تصادم کے بعد بہالا گیند اپنے استدائی رخ کے ساتھ 22.0 ناویے پر 3.50 m s⁻¹ کی رفت ارسے حسر کرت کرتا ہے جبکہ دوسسرے گیند کی رفت ارکان کے ساتھ دوسسرے گیند کے رخ کا زاویہ اور (ب) پہلے گیند کی استدائی کے ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور (ب) پہلے گیند کی استدائی رفت اور کی کہا تا کہ ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور کی کہا گیند کی دوسال کی بیٹ کی بیٹ کی مقال کی بیٹ کا گومٹ نظر سراند از کریں۔)

 $3.0\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ بادرگز $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ بلند مسيزے کسنارے پرساکن $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ وفیہ $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفتارے جیلتے ہوئے کراتا ہے (کشکل 78.9)۔ دونوں ڈیے آپس مسین چیک کر فشر کشن پر گرتے ہیں۔ عسین فسنر کشن

پر پہنچنے سے قبل ان کی حسر کی توانائی کسیا ہو گی؟

سوال ۱۱۱۳: ایک غبارہ، جس کی (بمع ٹوکری) کیت 320 kg ہے، سے ایک شخص، جس کی کمیت 80 kg ہے، سوال ۱۳.۱۱ سیز ھی کے لی ظرف کے اور سے مسیز ھی کے اور کسیز ھی کے لی ظرف کے لی ظرف کے اور کسی رفت اور کسی میٹر ھٹ شخص میٹر ھٹ اسٹروع کرے تب عنبارہ (۱) کسی رفت اور (ب) کسی رفت اور کسی میٹر ھٹ کی دونت ارکسیا ہوگی؟

موال ۱۱۱۵. ویوارے ساتھ ملاکر کے بلارگڑ میں نے پر $m_1=6.6\,\mathrm{kg}$ کیت کی اینٹ 1 پڑی ہے (مشکل 80.9)۔ ویوار اور اینٹ کے بنی مسل کی اینٹ 2 رکھ کراینٹ 1 کے رک تو زوان کی مسل کی ہے۔ اینٹ 1 کے بعد دیوارے نگر انے کے بعد دونوں اینٹوں کی مسلتی رفت ارایک ہے۔ m_2 تلامش کریں۔ تمام تصادم کھی ہیں (ویوار کے تصادم اینٹ کی رفت ارتب میں کریا)۔

سوال ۱۱۱۳: بصری کھیل اسسیں ایک نظارہ پیش کرنا مقصود ہے جس مسیں 1500 kg کیسے کی 3.0 m کم بیش 3.0 m کا گاڑی 4000 kg کی گاوری (جو کشتی سے معراق ہوکر بندرگاہ کی گاوری (جو کشتی سے معمولی نیچ ہے) مسیں پرواز کر کے پہنچتی ہے (شکل 81.9)۔ کشتی ابت دائی طور پر گاوری سے مس ہے؛ کشتی بغیب رر گرپانی مسیں معمولی نیچ ہے) مسیں پرواز سے دونوں کی کیسے لمبائی پر تخمیت کیساں تقسیم تصور کی حب سکتا ہے۔ عسین پرواز سے قسب کشتی اور گوری مسیں مناصلہ کیا ہوگا؟

سوال ۱۱۱۷: محدد x پرمثبت رخ m = 0.0

موال ۱۱۱۸: حب بوترہ کے ساتھ کھلی ریل گاڑی کا 2140 kg ڈب، جو بلار گڑ حسر کت کر سکتا ہے، ساکن کھٹرا ہے۔ ایک پہلوان جس کی کیت 224 kg ہے۔ ایک پہلوان جس کی کیت 242 kg ہے۔ بیٹری کے جمسراہ 5.3 m s⁻¹ فرتا ہو جائے، اور (ج) کے اللہ کے کی طاقہ ہے۔ اگر پہلوان کھیلاڈ بے (ا) پر کھٹرا ہو جائے، (ب) کھیلاڈ بے کے لیے اظرے ای رخ تے محلاڈ بے کی رفت ارکہ ہوگی؟ ابتد رائی رخ کے مختالف کھیلاڈ بے کی لیفت ارکہ ہوگی؟

سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار ، جس کی کمیت 500.0 kg ہے، جو طیارے سے حبٹرا ہے، جو سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار سے حبٹرا ہے، جو سال ۱۳۰۰: ایک چھوٹا دھا کہ مقیار ہے کہ ایک بڑے حنائی طیارے کے لحیاظ سے 1000 m s - ایک جھوٹا دھا کہ مقیار سے پہنچے کی طسر دن، چھوٹے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، 100.0 m s - ایک جھیجت ہے۔ بڑے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، دھاکے کی وجب سے، اصاف کی سشرح کمی ہوگی؟

سوال ۱۲۱.۳: (۱) زمسین و حپاند کا مسر کز کمیت زمسین کے مسر کزے کس مناصلے پر ہے؟ (ضمیہ Cمسین زمسین اور حباند کی کمیت اور ان کے چھناصلہ دیا گئے ہے۔) (ب) ہوناصلہ دیا گئے ہے۔)

videogame^{1A}

سوال ۱۲۲.۳: ایک د یوار سے 140 g گیند $5.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کی رفتار سے عصودی کگرا کر ای رفتار سے واپس لوٹت $-2.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کی رفت در ایس می دورانسید می دورانسید می دورانسید کی دورانسید کارسید کی دورانسید کارسید کی دورانسید کی دورانسید کی دورانسید کی دورانسید کا

سوال ۱۳۳۳: پیسلن گاڑی، جس کی کمیت 2900 kg ہے، s^{-1} 250 m s⁻¹ رفتار سے پیشری پر ہوائی بان سے حیال نگاری جس تی کمیت رفت کی بان سے حیال کارخ چسلنی گاڑی حب کفگی ہے رائے مسین زمین پر پائی کا تالاب آتا ہے۔ خطی معیار حسر کست کی بقت کا اصول استعال کر کے بت کیں ٹیسنگی مسین رکھی حنالی ٹیسنگی کی طسر نے کہ بست کی سے جسائی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن بالا کی توجہ ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کا گاگئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کر گاگئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کر گاگئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کا گلئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کر گاڑی ہے ہونے کی بیٹ کی بیٹ

سوال ۱۲۳.۳: ہوائی ہندوق و 2.0 و چھسرے نی سیئٹر 500 m s⁻¹ رفتارے مارتی ہے۔ چھسروں کو ایک بخت (غیب کی کی) دیواررو کتی ہے۔ انہائی، (غیب کی کئی) دیواررو کتی ہے۔ انہائی۔ چسسرے کی معیار حسر کت و تدر، (ب) ایک چسسرے کی حسر کی توانائی، اور (ج) دیوار پر چھسروں کی بھسرمار کی اوسط قوت کی متدر کیا ہوگی؟ (د) اگر ہر چھسرا ms 0.60 ms کے لئے دیوار کے ساتھ تسسس مسین رہے، تساسس کے دوران ایک چھسرے کا دیوار پر اوسط قوت کی متدر کیا ہوگی؟ (د) سے قوت حسن دوج مسین تاسش کی گئی قوت سے کیون اتنی مختلف ہے؟

سوال ۱۳۰۵ تو رئی گاڈی کاڈب دانے اٹھنے نے والے برقی زینہ 9 نے بیجے ہے 10 عرف کاڈب درکار تا ہے۔ دیکا گاڈی کے ڈبے مسیس 10 540 kg min مسلس 10 کے ڈبے مسیس 10 540 kg min وفت ارپر رکھنے کے لئے درکار تو میں درکھیا ہے جار گزنظ سرانداز کریں۔)

6d=100 سوال ۱۳۱۲: یکسال موٹائی کے چو کور حپادر سے چھوٹاچو کور حسہ کاٹاحباتا ہے (شکل 82.9)۔ بڑے چو کور کاضلع 0.00 m فی مصدر کرنگ ہے کے مسر کرنگ بیت کا(۱) 0.00 مصدر اور (ب) 0.00 مصدد کسی ہے؟

 $\vec{F}_1 = 2.00 \times 10^{-3} \, \mathrm{kg}$ سوال ۱۳۰۱ کے t = 0 ہے استدائی طور ساکن ذریر ، جس کی کیب t = 0 ہے استدائی طور ساکن ذریر ، جس کی کیب t = 0 ہی اور ابتدائی طور ساکن دوسر نے ذری پر ، جس کی کیب $t = 0.00 \, \mathrm{ms}$ تا t = 0 ہوذروی $t = 0.00 \, \mathrm{ms}$ تا t = 0 ہوذروی $t = 0.00 \, \mathrm{ms}$ نظام کے مسر کز کمیت کے ہاوگا(ج) استدر اور (ب) نشب $t = 0.00 \, \mathrm{ms}$ کی جسر کی توانائی کے اور ایک کی اور کانی کے داوی کے دور کے لی خاص کے در کور کے لی خاص کر کمیت کے جسر کی توانائی کے اور گی گ

سوال ۱۲۸. ۳: ساکن ذرے A ، جس کی کیت $0.10 \, \mathrm{kg}$ ہواور B ، جس کی کیت $0.30 \, \mathrm{kg}$ ہواں۔ دو سرے سے $0.30 \, \mathrm{kg}$ مستقل تو ہو ۔ دو سرے سے $0.30 \, \mathrm{kg}$ مستقل تو ہو ۔ دو سرے سے $0.30 \, \mathrm{kg}$ مستقل تو ہو گئی ہیں۔ نظام پر کوئی ہیں دوئی قوت عمس نہیں کرتی۔(۱) اس وقت نظام کے مسر کز کیت کی رفت ارکیا ہو گئی جب فردوں کے گئی منام سے $0.50 \, \mathrm{m}$ وروں کے گئی مناصلہ $0.50 \, \mathrm{m}$ وروں کے گئی مناصلہ $0.50 \, \mathrm{m}$ وروں کے گئی منام سے مسرکز کیت کی مناصلہ ہو گا؟

ووال ۱۳۹۱. ووزرول کی گر ہوتی ہے۔ ان کی سمتی رفت ار $\vec{v}_1 = (-4.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$ ورکہ ہیں۔ تصدر میں آب سمیں جوڑ تا ہے۔ ان کی سمتی رفت ار (۱) اکائی سمتی ترقیم روپ مسیں اور (ب) متدر اور (ج) زاویہ کے روپ مسیں کیا ہوگی؟

elevator 19

 $h_1 = 9.0 \, \text{cm}$ ووکروی نظم (شکل 20.9) مسین کره 1 کی کمیت $g = 50 \, \text{g}$ اور ابت دائی بلندی اور کره 2 اور کره 2 کنیج مین $h_1 = 9.0 \, \text{cm}$ کی کمیت $g = 85 \, \text{g}$ بین $g = 85 \, \text{g}$ (این رم یور میسین استعال ن کریں۔)

وال ۱۳۱۱ ت سل 1 بلارگر فنسر ش پر محور x کے ہمسراہ $\sin s^{-1}$ رفتار ہے حسر کت کرتے ہوئے ساکن $0.75 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$ روج ذیل جبدول (یکسال جسامت) سلول کی کمیت ، کمهانی ، اور لحب t=0 پر، اور الحب t=0 پر، الحب t=0 بردوجسی نظام کامسر کر کمیت کہاں ہوگا؟ $t=4.0 \, \mathrm{s}$

روسط $t=0$	لىبائى (cm)	کیت (kg)	<u> </u>
$x = -1.5 \mathrm{m}$	5.0	0.25	1
x = 0	6.0	0.50	2

سوال ۱۳۲۳: ایک جم شبت x محور کے رخ x میں افت میں ہے؛ جم پر کوئی قوت میں ہے؛ جم پر کوئی قوت میں ہے۔ جم کو دوبرابر گلزوں میں تقسیم کر تا ہے، اور کل حسر کی توانائی میں x کا کا اصفاف کر تا ہے۔ اور کل حسر کی توانائی میں x کا کا کا کا میں تقسیم کر تا ہے۔ اور کل حسر کی گیت کی کہ کہ ہے۔ اگل حصہ اپنارخ بر مسترار رکھتا ہے۔ (۱) پچھلے ہے اور (ب) اگلے جے کی رفت الرکھتا ہے؟

سوال ۱۳۳۳. ت ابت دائی طور پر ساکن ہائے ٹر روجن جوہر ہے السیکٹران یک بُعدی کھپ کی تصادم کر تا ہے۔ السیکٹران کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتن فی صد جوہر کو منتقب ہوگا؟ (جوہر کی کیے۔ السیکٹران کے کمیت کی 1840 گئاہے۔)

سوال ۱۳۰۳: ریل گاڑی کا کھسلاڈ ہے، جسس کاوزن N 2415 N ہے، مثبت x محور کے رخ بلار گر x 18.2 x رفت ارسے حسر کر مسیں ہے۔ ایک شخص، جسس کاوزن x 915 x ہوائی گور x کے لیان کے شخص محور x کے منفی رخ x منفی رخ x منفی رخ x کے لیان کا کہ رفت ارمین اصاحت کت ابوگا؟

سوال ۱۳۵۳: بے انسان تحقیق حنائی طیارہ (کیت m اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور $v=10.5\,\mathrm{km}\,\mathrm{s}^{-1}$) مشتری (کیت M اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور سورج کے لحیاظ ہے اور کا کہ طیارہ مشتری کے گرد گھوم کر واپس او شتا ہے۔ سورج کے لحیاظ ہے طیارے کی رفت اراب کیے ہوگی؟ اس عمس کی مختل کی محمد مشتری کی کمیت ہے بہت بہت نیادہ ہے ($M\gg m$) ۔

سوال ۱۳۰۷: ساکن جوہری مسرکزہ xy محددی نظام کے مبدا پر تین ذروں مسین کگڑے ہوتا ہے۔ ذرہ 1 ، جس کی میدا پر تین ذروں مسین کگڑے ہوتا ہے۔ ذرہ 1 ، جس کی کیت $16.7 \times 10^{-27} \,\mathrm{kg}$ ہمبدا ہے $16.7 \times 10^{-27} \,\mathrm{kg}$ کیت $(-8.00 \times 10^6 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$ رفتار ہے۔ دور ہٹتا ہے۔ (۱) اکائی تمتیہ ترقیم کیسے $(-8.00 \times 10^6 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$ رفتار ہے۔ دور ہٹتا ہے۔ (۱) اکائی تمتیہ ترقیم

slingshot".

مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت کیا ہوگا۔ اسس کی کیت 11.7 × 11.7 ہے۔ (ب) اسس مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت وانائی پیدا ہوتی ہے؟

سوال ۱۳۸۳: زره 1 ، جس کی کمیت g 200 و به اور رفتار $3.0\,\mathrm{m\,s}^{-1}$ اور رفتار $3.0\,\mathrm{m\,s}^{-1}$ کن ذرے سے کیسے کے ساکن ذرے سے کیسے بعدی کراتا ہے۔ اگر تصادم (۱) کمپلی ہواور (ب) کمسل غیب کمپلی ہواؤرہ 1 پر ضرب کی متدر کسیا ہوگی؟

سوال ۱۳۹۳: حیانہ کے ایک صخصر مسیں ضروری پایا گیا کہ جسس وقت حیانہ کے لحیاظ سے طیارے کی رفت ار $100\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ہو، طیارے کی رفت ار $100\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی رفت از $1000\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی اضافی رفت از $1000\,\mathrm{m\,s^{-1}}$

سوال ۱۳۰۱٬۳۰۰ ایک سائن گیند، جس کی کمیت 0.20 kg ہے، کوڈنڈے سے 14 ms دورانے پر N 32 N اوسط قوت کے ساتھ ماراحب تا ہے۔ تصادم کے بعد گیند کی رفت ارکسیا ہو گی؟

باب

گھ**ے**او

ا بم گھماوے متغیبر

مو• اصر ،

اسس حصہ کو پڑھنے کے بعید آیے درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے اگر جم کے تمام ھے ایک محور کے گر دہم وقد م گومسیں، بہ استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے اجسام پر گفتگو کی حبائے گی۔)
 - ۲. حبان پائیں گے کہ اندرونی حوالہ لکسیر اور مقسر رہ بسیرونی حوالہ ککسیر کے پی زاویہ، استوار جم کازاویاتی مصام دیگا۔
 - ۳. ابت دائی اور انتقامی زاویاتی معتام کازاویاتی ہاوے ساتھ تعلی استعال کرپائیں گے۔
 - ۴. اوسط زاوی سستی رفت ار، زاوی ہیا و، اور ہیا و کو در کار دورا نے کا تعباق استعمال کریائیں گے۔
 - ۵. اوسط زاوی اسسراع، زاوی مستی رفت ار مسین تب یلی، اور اسس تب یلی کو در کار دورانیے کا تعساق استعال کرپائیں گے۔
 - ۲. حبان یائیں گے کہ حنلان گھٹری حسر کے مثبت رخ اور گھٹری دار حسر کت منفی رخ ہوگا۔
- 2. زاوی معتام کود تنگ کاتف عسل حبائے ہوئے، کسی بھی لیمے پر لمحاتی زاوی سستی رفت ار اور دو مختلف وقت توں کے ﷺ اوسط زاوی سستی رفت ارتعبین کریائیں گے۔
- ۸. زاوی معتام بالمقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی لیے پر لیجی آتی زاوی سنتی رفت ار اور دو مختلف و مستوں کے ﷺ اوسط زاوی سنتی رفت ار تحصین کریا ئیں گے۔
 - 9. حبان پائیں گے کہ لمحساتی زادی مستی رفت ارکی ت در لمحساتی زادی رفت ارہو گی۔

باب ۲. گھماو

اور دو مختلف وقت کاتف عسل حبائے ہوئے، کسی بھی لمحے پر لمحت تی زاوی اسسراع اور دو مختلف و مستول کے نی اوسط
 زاوی اسسراع تعسین کریا ئیں گے۔

- اا. زادی سنستی رفت ربالمقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی کھیے پر لمحساتی زادی اسسراع اور دو مختلف وقت توں کے نی اوسط زادی اسسراع تقسین کریائیں گے۔
 - ۱۲. وقت کے ساتھ زاوی اسراع تف عسل کا تکمل لے کر جسم کی زاوی سستی رفت ارمسیں تب یلی تغسین کرپائیں گے۔ وقت کے ساتھ زاوی سستی رفت ارتف عسل کا تکمل لے کر جسم کے زاوی معت ام مسیں تب یلی تغسین کرپائیں گے۔

كلب دى تصور

مقسررہ محور، جو محور گھماو کہاتی ہے، کے گرد استوار جہم کا گھماو بیان کرنے کی حناطسر، جہم کے اندر محور کو
 عصودی حوالہ ککسیر مضرض کی حباتی ہے جو جہم کے ساتھ ہم حتدم محور کے گرد گھومتی ہے۔ ایک مقسررہ رخ کے
 ساتھ اسس ککسیر کازادی معتام θ ناپاحبا تا ہے۔ جب θ کی پیسائٹ ریڈیئن مسیں ہو، ذیل ہوگا،

$$\theta = \frac{s}{r}$$
 (ریڈیمن ناپ

جہاں رداسس au کے دائری راہ کا توسی فناصلہ au اور ریڈیئن مسین زاویہ au ہے۔

• زاوی کی در حب مسین اور حیکر مسین پیس کشش کاریڈیئن پیس کشش سے تعساق ذیل ہے۔

ريڙينن
$$2\pi=360^\circ=1$$

ایک جیم جو محور گلمب و کور گلم کر این زادی معتام $heta_1$ سے تبدیل کر کے $heta_2$ کرے، ذیل زاوی ہٹ او سے گزر تاہے، $\Delta heta = heta_2 - heta_1$

جباں حنلا**نے گھٹڑی گھماوکے لئے طک** مثبت اور گھٹڑی وار گھماوکے لئے منفی ہو گا۔

• اگرجیم Δt دورانی مسین $\Delta \theta$ زادی سٹاو گھوہے، اسس کی اوسط زاوی ستی رفت ارول سے نام ہوگا۔

$$\omega_{ ext{b-1}} = rac{\Delta heta}{\Delta t}$$

جسم کی (لمحاتی) زادی مستی رفت ار ۱۵ زیل ہو گا۔

$$\omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اوسط زاوی سنتی رفتار اوس اور سنتی رفتار سندی دونوں سنتی معتادیر ہیں، جن کا رخ دایاں ہاتھ صاعب ہ دیگا۔ حضاوت گھٹون گھٹون گھٹوں کی وقت اور گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی داوی سنتی رفتار کی وقت در جسم کی زادی رفتار ہوگا۔

ا بم. گھاوے متغیر

ا اگر ω_1 سے تبدیل ہو کر ω_2 ہو، اسس کا اوسط زاوی کے اوی سے تبدیل ہو کر ω_2 ہو، اسس کا اوسط زاوی است رائی اوسط نے است رائی ہوگا۔

$$lpha_{\mathrm{left}} = rac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = rac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جسم کا(لمحاتی)زاویاسسراع α ذیل ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

اور α دونوں معتادیر ہیں۔

طبعیات کیاہے؟

جیب ہم پہلے ذکر کر جیے، طبیعیات کی توجہ کا ایک مسر کز "حسر کیات "ہے۔ تاہم، اب تک ہم صرف متنقیم حرکت کر تا ہے (شکل 10-10)۔ اب ہم متنقیم حرکت کر تا ہے (شکل 10-10)۔ اب ہم گھاویر نظر دڑالتے ہیں، جس مسیں جم کی محور کے گرد گھومت ہے (شکل 1b.10)۔

گھاو تقسر بیباً ہر مشین مسین نظر آتا ہے، اور جب آپ دروازہ کھولتے ہیں آپ اسس کو دیکھتے ہیں۔ کھیل مسین گھاواہم کردار اداکر تا ہے، جیبا گیند کونیادہ دور چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوازیادہ دیر اٹھا کر سسکتی ہے)، اور کر کرئے مسین گیند توسی راہ پر چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوا دائیں یا بائیں دھکسیاتی ہے)۔ گھاو زیادہ اہم مسائل، جیبا عمسر رسیدہ ہوائی جہاز مسین جھی کلسیدی کردار اداکر تا ہے۔

گھاو پر بحث سے قبل، حسر کت مسیں ملوث متغیبرات متعمار نس کرتے ہیں، جیب ہم نے باب 2 مسیں مستقیم حسر کت پر بحث سے قبل کیا۔ ہم و چھتے ہیں کہ گھاو کے متغیبرات عسین باب 2 مسیں یک اُبعدی حسر کت کے متغیبرات کی مسین باب 2 مسیں یک اُبعدی حسر کت کے متغیبرات کی مسیران اور اسراع ہوگا) مستقل ہو۔ ہم دیکھتے ہیں نیوٹن کا دوسراوت عدہ زاوی حسر کت کے لئے بھی لکھا حب سکتا ہے، تاہم اب قوت کی بجب کے ایک فئی مقدار جو قوت مسروڑ کہا تی ہے استعال کرنا ہوگا کام اور کام و حسر کی توانائی مسئلے کا اطالت بھی گھاو حسر کت پر کیا حب سکتا ہے، تاہم کیت کی بجب کے ایک نئی مقدار جو زاوی جود کہ اتنے ہے استعال کرنا ہوگا۔ چھی پڑھ جی کھی استعال کرنا ہوگا۔ ہیں مقدار ہو زاوی جود کہ اِن کی مضرور سے بیش آئے گی۔

انتباہ: اگر حب اسس باب مسین زیادہ تر حق اُق محض دوبارہ پیش کے گئے ہیں، دیکھ سے گئے ہیں، دیکھ اسب وط الب وط الب و النساق کو اسس باب مسین د شواری پیش آتی ہے۔ استذہ کرام اسس کی کئی وجو بات پیش کرتے ہیں جن مسین سے دو پر اتف اَق پایا جب اتا ہے: 1 یہ ان عسلامت کی تعداد بہت زیادہ ہے (جنہیں یونانی حسرون مسین لکھ کر مشکل مسین مسندید اصف نے پیدا ہوتا ہے)، اور 2 آپ خطی حسر کت سے زیادہ واقف ہیں (ای لئے کسرے کے ایک کونے سے دوسرے کونے تک آپ باآس نی حب سے ہیں)، اسپ کی گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین دوسرے کونے تک آپ باآس نی حب سے ہیں)، اسپ کی گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین آب تفسری گاہ مسین آب کودشواری ہو، دیکھ میں آبا

باب ۲. گلم و

مسئلے کوبا بے کا کیک بُعدی خطی مسئلہ تصور کرنے آسانی پیدا ہوتی ہے۔ مشاناً ،اگر آپ سے زادی و ن اصلہ معلوم کرنے کو کہا حبائے ، وقت قاطور پر لفظ زادی کو بھول حبائیں اور دیکھیں آیابا ہے کی ترقیم اور تصورات استعال کرئے جواب ساصل کرنا آسان ہوتا ہے۔

گھساوے متغیبہ

ہم مقسررہ محور پر استوار جم کے گھساد پر غور کرنا حیاہتے ہیں۔ استوار جم اسے مسراد وہ جم ہے جس کے ہمام تھے، جم کی سنکل وصور سے تبدیل کیے بغیبر، ہم مسدم گھوم سکتے ہیں۔ مقررہ محمور کھور سے جو حسر کست نہیں کرتی اور جس پر گھوماحب سکتا ہے۔ یول ہم ایے جم پر غور نہیں کریں گے جیسا سورج (جو گیس کا کرہ ہے) جس کے تھے ایک ساتھ حسر کست نہیں کرتے جو نکد اسس کی محور خود حسر کست پذیر ہے (الی حسر کست نہیں کرتے جو نکد اسس کی محور خود حسر کست پذیر ہے (الی کی سب کے حسالا ہے ہے)۔

شکل 2.10مسیں مقسر رہ محور پر ، جو محور گھاو "یا گھاو کی محور کہالاتی ہے ، اختیاری شکل کا استوار جم گھوم رہاہے۔ حنالص گھاو ر (زادی حسر کریں) مسیں ، جم کاہر نقط ایسے دائرہ پر حسر کرتا ہے ، جس کا مسر کز محور گھاہ پر واقع ہے ، اور ہر نقط ک مخصوص و مستق مقد مسیں ایک بتنازاوی بینا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔ نقط کی مخصوص و مستق دورانے مسیں ایک بتنا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔

آئیں باری باری خطی معتادیر معتام، ہٹاو، سسمتی رفت ار، اور اسسراع کے مماثل زاوی معتادیریر غور کرتے ہیں۔

زاوی معتام

سٹکل 2.10 مسیں گھی و کوعہ و دی، جسم کے ساتھ گھو متی، جسم ہے کی جبٹری حوالہ کئی ہے۔ کسی مقسر رہ رخ کے ساتھ، جسس کوہم صفر **زاور کے مقام** مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم کا زاو**ر مقام** مسلم کے بیٹ مقام مسلم کے بیٹ مقام مسلم کے بیٹ میں درج ذیل ہوگا۔

$$(r_{\cdot l})$$
 $\theta = \frac{s}{r}$ (پیرنیکن ا

یہاں محور X (جوصف رزادی معتام ہے) سے حوالہ ککیسر تک دائری قوسس کی لمبائی 8 ،اور دائرے کار داسس ۲ ہے۔ اسس طسرح تعین کیا گیا اور ہے، در حب یاحیکر کی بحبائے، ریڈیائن اسسی ناپاحبا تا ہے۔ ریڈیئن دولمبائیوں کی نسبت (تقابلی تعساق) ہے المباذاب بے بُعد حسالص عدد ہوگا۔ دائرے کا محیط 2 میر کا لمباذا ایک مکسل دائرے مسیں 20

> rigidbody fixedaxis rotationaxis

zeroangularposition^a

angularposition^a radian

۱.۲). گھاوے متغیر

ریڈینن ہوں گے۔

يا

$$(r.r)$$
 $1 = 57.3^{\circ} = 0.159$ $1 = 57.3^{\circ}$

محور گھما و پر حوالہ ککسیسر کی مکسل حب کر کے بعب ہم θ واپسس صف رنہ میں کرتے۔اگر حوالہ ککسیسر صف رزاوی معتام ہے ابت داکر کے دو حب کر مکسل کرے، ککسیسر کازادی معتام $\theta=4\pi$ ریڈ مین ہوگا۔

محور x پر حنائص مستقیم حسرک کے لئے x(t) ، یعنی مصام بالمقابل وقت، حبانے ہوئے ہم حسرک پذیر جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔ ای طسرح، حنائص گھساو کے لئے $\theta(t)$ ، یعنی زاوی مصام بالمقابل وقت، حبائے ہوئے ہم گھومتے جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔

زاوی ہسٹاو

اگر سشکل 3.10 کا جسم محور گھے۔ و پر سشکل 4.10 کی طسر ج گھوم کر حوالہ ککسیسر کازادی معتام θ_1 سے تبدیل کرکے θ_2 کرے، جسم کا زادی ہناو $\Delta \theta$ ذیل ہوگا۔

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1$$

زادی ہے او کی ہے۔ تعسریف سے صرف استوار جہم بلکہ جہم کے ہر اندرونی ذرہ کے لئے درست ہے۔

گھویال منفی ہیں۔ محور x پر مستقیم حسر کت کی صورت مسیں جسم کا ہناو Δx مثبت یا منفی ہو گا، جو ، محور پر جسم کی حسر کت کے رخ پر مخصر ہے۔ اس طسرح، گھساو کی صورت مسیں جسم کا زاوی ہناو $\Delta \theta$ درج ذیل متاعدہ کے تحت مثبت یا منفی ہوگا۔

ت عبده ۲۰۱۱ حنلان گھٹری زاوی ہٹاومثبت اور گھٹری وارہٹ اومنفی ہوگا۔

" گھسٹریال منفی ہیں" کا فعت ماس ت عدے کویادر کھنے مسیں مدد دے سکتا ہے۔ یاد رہے گھسٹری کے سسکنٹر کی سوئی کاہر ت م آپ کی زندگی کا ٹتی ہے۔

آزمائشسا

قت رس اپنے وسطی محور کے گرد گھوم سکتا ہے۔ درج ذیل ابت دائی اور اختتا می زادی مصام کی مسسرت جوڑیوں مسیں کوئمی منفی زادی ہناود تی ہیں؟(ا) ابت دائی 3 – ریڈیئن، اختتا می 5 – ریڈیئن۔

باب ۲۰. گلم او

زاوی سستی رفت ار

منسرض کریں ایک جم وقت t_1 پر زاوی معتام θ_1 پر اور وقت t_2 پر زاوی معتام θ_2 پر ہو، جیب شنگل 4.10 مسیں دکھایا گیا ہے۔ ہم t_1 تا t_2 وصتی دورانی Δt مسیں جم کی اوسط زاوی سمتی رفتار کا ایسا کی تعسریف ذیل کرتے ہیں،

$$\omega_{\text{b.s.}} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جباں وقت دورانی کے مسیں زادی ہناو سے کہ جب (زادی سنتی رفت ارکے لئے یونانی حسرون ججی کا، چوٹی تکھائی مسیں ، آمنسری حسرت اومیگا س استعال کیا حبائے گا۔) مساوات ہم مسیں کے مسیرے و مسیر ترین تحدیدی قیمت مسل ہوگی جو کھاتی زاور سمتی رفتار ω (یا مختصراً زاور سمتی رفتار ω) کہناتی ہے۔

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

 $\theta(t)$ معلوم ہو،اسس کا تفسر ق لے کرزاوی سمتی رفت ار $\theta(t)$

چونکہ اسس جسم کے تمام ذرہے ہم متدم ہیں، لہذامساوات ۵.۴ اور مساوات ۲.۴ ناصرف مکسل گھومتے استوار جسم کے بلکہ جسم کے برزرے کے لئے درست ہیں۔ زادی سسمتی رفتار کی عصوی مستعمل اکائی ریڈیئن فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (وحیکر فی منہ ہے۔

تحور x پر مثبت رخ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی مستی رفتار v مثبت جب منفی رخ حسر کت کی صورت مسیں منفی ہوگی۔ ای طسرح محور پر مثبت رخ (حسان شحت گھٹڑی) گھساو کی صورت مسیں استوار جسم کی زاوی مستی رفتار مثبت منفی رخ آب منفی ہوگی۔ ("گھٹڑیاں منفی ہیں"اب بھی درست ہے۔)زاوی مستی رفتار کی میں منفی ہوگی۔ ان کی میں عسامت استعال کریںگے۔
کی صدر ز**اوی رفتا**ر مجمعی اتق ہے۔ ہم زاوی رفتار کے لئے بھی میں عسامت استعال کریںگے۔

زاوی اسسراع

$$\alpha_{\text{\tiny b-yl}} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

averageangularvelocity²

instantaneous angular velocity A

angularspeed

averageangularacceleration'*

۱.۲. گھماو کے متغیر

جباں ی Δω زادی سمتی رفت ارمسیں Δt کے دوران تبدیل ہے۔ لمحاتی زاوی اسراع "(یا مخصد اً زاوی اسراع)، جس کے میں زیادود کچی ہے۔ کے میں زیادود کچی ہے۔ کے میں زیادود کچی کے کہ ہیں۔

$$\alpha = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 2.4 اور مساوات 4.7 جم كے ہر ذرے كے لئے درست بيں۔ زاوی اسسراع کی عصومی مستعمل اكائی ریڈیئن فی مسریح مسیکٹر (rad s⁻²) اور حیکر فی مسریع سیکنڈ ہے۔

نمونی سوال ۴۰۱۱ زاوی مقام سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

سنگل 5a.10 میں مت رص اپنے وسطی محور کے گر د گھوم رہاہے۔ مت رص پر حوالہ لکسیسر کازاوی معتام $\theta(t)$ ذیل ہے، جہاں t اور θ بالت رتیب سیکنڈ اور بیڈیئن مسیں ہیں، اور صف رزاوی معتام سنگل مسیں د کھیایا گیاہے۔

$$\theta = -1.00 - 0.600t + 0.250t^2$$

x استعال کر کے مسئلے کو باب دی ہور پر لفظ "زاوی معتام" سے "زاوی" حنارج کر کے اور θ عسلامت کی جگ x استعال کر کے مسئلے کو باب x کو باب x کو باب x کی کیس بعدی حسر کست کے معتام کی مساوات حساصل ہو گا۔)

(۱) مت رص کازادی معتام بالمقابل وقت $t=-3.0\,\mathrm{s}$ تا $t=5.4\,\mathrm{s}$ تا کالادی معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کا دری معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حو

ا.ا. ۴ کلیدی تصور

وت رص کے زاوی معتام سے مسراد اسس پر تھینچی حوالہ ککسیسر کا معتام $\theta(t)$ ہے، جو مساوات $\theta(t)$ دیتی ہے؛ اہلہذا ہم مساوات $\theta(t)$ معتام کرتے ہیں: نتیجہ شکل 5b.10 مسیں پیش ہے۔

حماج: مسترص اور حوالہ لکب رکامت ام کسی مخصوص کمیے پر حن کہ بین نے کے لئے ضروری ہے کہ اسس کمیے پر ہمیں θ معلوم ہو، جومب اوات θ ہمیں کمیے کاوقت ڈالنے سے حساس ہوگا۔ بین θ کے لئے ذیل ہوگا۔

$$heta = -1.00 - (0.600)(-2.0) + (0.250)(-2.0)^2$$

= 1.2 rad = 1.2 rad $\frac{360^{\circ}}{2\pi} = 69^{\circ}$

یہ نتیب کہتا ہے کہ فت رض پر موجود حوالہ لکت رلحت $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر صنب رمت م ہے بیشت رخ (حناون یہ نتیب کہتا ہے کہ معت م وجود حوالہ لکت رکا ہے کہ معت م دکھایا گیا ہے۔ گھٹ ری t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م میں معت میں معت م میں معت م میں معت م میں معت میں میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت معت میں میں میں معت میں میں معت میں

instantaneous angular acceleration 11

باب ۲۰. گلماو

0.60 ریڈیئن لینی 0.45 ہو گی (من کہ 5)۔ جس کھے ترسیم محور t سے گزرتی ہے، $0 = \theta$ ہو گااور حوالہ ککسیر لحاتی عسین صف مقتام پر ہو گی (من کہ 2 اور 4)۔

كلي دى تصور

تف عسل کی انتہا قیمت (یہاں کم ہے کم قیمت) معسلوم کرنے کی حن طسر ہم تف عسل کا ایک گنا تفسر ق لے کر صف ر کے برابر رکھتے ہیں۔

 $\theta(t)$ کاایک گناتف رق زیل ہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = -0.600 + 0.500t$$

t کی کم ہے کم قیمت حبانے کے لئے ہم مساوات t مسیں سے t ڈالتے ہیں،جوذیل دیگا۔

$$\theta = \zeta_{x} \dot{x} \dot{y} - .136 \approx -77.9^{\circ}$$
 (ξ_{1}

θ(t) کی کم ہے کم قیمت (مشکل 5b.10 مسیں نشیب) صف رزادی معتام سے متسر ص کی زیادہ سے زیادہ گھٹڑی دار گھما وہے، جو حنا کہ 3 سے بچھ زیادہ ہوگا۔

 $t = 3.0 \, \mathrm{s}$ ترسیم کریں۔ مترص کا خت کہ $t = 6.0 \, \mathrm{s}$ تا کا کریں۔ مترص کا خت کہ اور بت کیں اور بت کیں اور بت کیں ان کھیات پر گھوٹ کا رخی اور بت کیں اور بت کیں اور بت کیں ان کھیات کی کا خیامت کیا ہوگا۔

كلب ي تصور

مساوات ۲۰۱۱ کے تحت زاوی سنتی رفت ار ω سے مسراد d heta/dt ہے جو مساوات

۱۰ ۴ دیتی ہے۔ یوں ذیل ہو گا۔

$$(r.11)$$
 $\omega = -0.600 + 0.500t$

اس تف عسل ، (t) ،

 $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پربنانے کی حناطب ہم مساوات t^{α} اسین سے قیمت وال کرذیل $t=-2.0\,\mathrm{s}$ کرنان کردیل کرتے ہیں۔

$$\omega = -1.6 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} \qquad (\text{--}1.8)$$

ا ۲۰ گھاو کے متغیر

منفی کی عسلامت کہتی ہے کہ $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر تسبر ص گھٹڑی وار (منفی رخ) گھوم رہاہے (جیب سٹکل 5c.10 مسین دائیں ہاتھ حناکے مسین دکھیایا گیاہے)۔

ماوات ۱۱. γ مین $t = 4.0 \, \mathrm{s}$ ڈال کر ذیل ساصل ہوگا۔

 $\omega = 1.4 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ (__| \mathfrak{F})

مضم مثبت علامت کہتی ہے مترص مثبت رخ (منلاف گھٹری) گھوم رہا ہے (مشکل 5c.10 مسیں دایاں ہاتھ د ۱۰))

 $\omega = 0$ ہوگا۔ بین ω

ریب نواتا جبزوج کے نتائج استعال کر کے $t = -3.0 \, \mathrm{s}$ تا کریں۔ $t = 6.0 \, \mathrm{s}$ تا کریں۔

بیان: جب ہم، 3.0 s = -3.0 پر، مت رص پر پہلی مسرت نظر رڈالتے ہیں، اسس کازاوی معتام مثبت، گھاو گھٹری وار اور رفت ارمسیں کی دیکھنے کو ملتی ہے۔ یہ 0 = -1.36 و ریڈیٹن پر لمحیاتی رکنے کے بعد حنلان گھٹری گھومن سشروع کرتا ہے اور آمنسر کاراسس کازاوی معتام دوبارہ مثبت ہوتا ہے۔

نمونی سوال ۴۰۲ زاوی اسراع سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

ایک بحب الوزیل زاوی اسسراع سے گھسا تا ہے، جبال t اور α بالت رتیب سیکنڈ اور ریڈیئن فی مسریع سیکنڈ مسیں

 $\alpha = 5t^3 - 4t$

heta ریڈیئن ہے۔ heta=0 پراٹو کی زاوی سنتی رفت ارheta=5 rad s $^{-1}$ ، اور حوالہ ککسیسر کازاوی معتام

(۱) گئو کی زاوی سستی رفت از $\omega(t)$ کاریاضی فعت رہ ساسل کریں؛ لینی ایس تف عسل معسلوم کریں جو وقت پر زاوی سستی رفت از کا تخصی ارم جب نتے ہیں ایس تف عسل موجود ہے چو نکہ گئوزاوی اسسراع سے گزر رہا ہے؛ یوں اسس کی زاوی سستی رفت ارتب دیل ہوگا۔)

كلب دى تصور

 $d\omega = \alpha dt$

ا_ ۲. گھماو

للبنذا

$$\int d\omega = \int \alpha \, dt$$

ہو گاجو ذیل کے گی، جہاں C محمل کامتقل ہے۔

$$\omega = \int (5t^3 - 4t) \, dt = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + C$$

 $\omega=5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پر t=0 ہے؛الس معلومات کو درج بالامسیں ڈال کر:

$$5 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} = 0 - 0 + C$$

کمل کامتقل $C = 5 \, \text{rad s}^{-1}$ ساس ہوگا۔ یوں در کارتف عسل ذیل ہوگا۔

$$\omega = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5 \qquad (\text{...})$$

ریں۔ heta(t) کاریاضی فقت رہ تلاکش کریں۔ heta(t) کاریاضی

كلب دى تصور

تعسریف کے روے $\theta(t)$ کاو مستی تعسری $\omega(t)$ ویگا۔ یوں، وقت کے لحی ظے $\omega(t)$ کا تحمل $\omega(t)$ ویگا۔ عمل والے بہ $\omega(t)$ کا تحت :

 $d\theta = \omega dt$

ہو گاجس سے ذیل لکھاحب سکتاہے،

$$\theta = \int \omega \, dt = \int (\frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5) \, dt$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + C'$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + 2 \qquad (\text{---})\text{s})$$

جباں $\theta=2\,\mathrm{rad}$ پر t=0 جبانے ہوئے t=0 کی قیمت ساسل کی گئ

ا بم گھاوے متغیر

كسازاوي معتادير سمتيات بين؟

ہم اکسلے ذرے کامعتام، سمتی رفت ار، اور اسسراع سمتیات ہے ہیان کر سکتے ہیں۔ اگر ذرہ صرف ایک محور پر حسر کت کرتا ہو، سمتی ترقیم استعمال کرناضر ورت نہیں۔ ایسے ذرے کو صرف دورخ دستیاب ہیں جنہیں مثبت اور منفی عسلامت سے ظاہر کیا حیاسکتا ہے۔

ای طسرح استوار جم متائم محور پر ، محور کے ہمسراہ دیکھتے ہوئے، صرف حنلان گھٹڑی اور گھٹڑی وار گھوم سکتا ہے۔ ان رخ کو ہم مثبت اور منفی سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ یہاں ایک سوال اٹھت ہے: "کہیا ہم گھومتے جم کے زاوی ہٹاو، زاوی سستی رفتار، اور زاوی اسسراع کو سمتیات سمجھ سکتے ہیں؟"اسس کاجواب ہے"بی ہال" (زاوی ہٹاوک کئے نیچے پیش انتہاہ ضرور دیکھسیں۔)

 $\frac{1}{2}\log_2 \lambda_0 \frac{1}{2} \frac{1$

زادی معتادیر سمتیات سے ظاہر کرنے کی عبادت مشکل سے ڈلتی ہے۔ ہم فوراً سوچتے ہیں کہ سمتیہ کے ہمسراہ کوئی چینز حسر کست کرے گل۔ بہسر کساں ایسا نہیں ہوگا۔ اسس کے بحبائے کوئی چینز (جیسا استوار جسم) سمتیہ کے رخ کے گرد گھومتی ہے۔ حنائص گھساو کی دنیا مسین، سمتیہ کارخ کسی چینز کی حسر کست کارخ نہیں بلکہ گھساو کی محور دیگا۔ بہسر حسال، سمتیہ حسر کست بھی ان تبسم قواعد کی تعمیل کرتا ہے جو باب 3 مسیں پیشس کیے گئے۔ زادی اسراع کہ بھی ایک سمتہ ہے، اور سے بھی ان قواعد کی تعمیل کرتا ہے۔

اسس باب مسیں صرف مت نئے محور پر گھے و کی بات کی حبائے گا۔ ان مسیں سمتیات استعال کرنے کی ضرورت نہیں؛ ہم زاوی سستی رفت اور گھٹڑی وار شسٹری گھے و مثبت اور گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی کو مثبت ہیں۔

زاوی ہٹاو پہلے انتباہ کی بات کرتے ہیں: زادی ہٹاو (ماسوائے انتہائی چھوٹاہٹاو) کوسمتیے سے ظہر نہیں کیے حب سکتا کیوں نہیں جب سکتا گاں ہوئے جہ لئے کہ سے اسٹکل 1.00 مسین زادی سمتی رفت ارکے لئے کیے اگیے۔ نہیں جہ سمتی ہے ظہر کیے حب نے کے متابل ہونے کے لئے ضروری ہے کہ معتدار سمتی جمع کے قواعد پر پورااتر تی ہو۔ ان قواعد مسین ایک متاب کہ سمتیات جمع کرتے وقت ان کی ترتیب غیسر ضروری ہے۔ زادی ہٹاواس متاعدہ پر پورانہیں ارتا۔

شکل 7.10 مسیں دی گئی مشال پر غور کریں۔ایک کتاب کو، جو ابت دائی طور پر افتی پڑی ہے، دو مسرتب °90 زادی ہٹاوے کے گزارا گیا ہے؛ ایک مسرتب شکل 7a.10 اور دو سسری مسرتب سشکل 7b.10 کی طسرح۔ دونوں مسیں ہٹاو برابر، لسیکن ترتیب ایک نہیں، اور آحنسر مسیں کتاب ایک حبیبی سست بہند نہیں۔ دوسسری مشال ایستے ہیں۔ دایاں با___م. گھساو

ہاتھ لاکا کر ہتھیلی ران پر رکھیں۔ کلائی سخت کر کے، (1) بازو سامنے است اٹھیائیں کہ افقی ہو، (2) اسس کو یورا دائیں لے حبائیں، اور (3)اسس کے بعب ہاتھ واپسس نیچے ران تک لے حبائیں۔ آپ کی ہتھیلی اب سامنے رخ ہو گی۔ اگر آپ یہی عمسل الٹ ترتیب سے دہرائیں، آپ کی ہتھیلی آحنسر مسیں کس رخ ہو گی؟ان مثال سے ہم دیکھتے ہیں کہ زاوی ہٹاو کا مجسوعہ انہیں جمع کرنے کی ترتیب پر منحف رہے، اہنا اسٹاو کوسمتیہ تصور نہیں کے احب اسکتا۔

۲.۲ متقل زاوی اسسراع کا گھیاو

معاصد اسس ھے۔ کوپڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. متقل زادی اسسراع کی صورت مسین زاوی معتام، زادی ہٹاو، زادی سستی رفت ار، زادی اسسراع، اور گزرے دارانے کے تعلق (حبدول ۴۰۱۱) استعال کریائیں گے۔

كليدي تصور

• مستقل زادی اسراع (جس میں α مستقل ہوگا) گھیاد حسر کے کا ایک اہم خصوصی صورت ہے، جس کی محبر دحسر کسات مساوات ذمل ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha (\theta - \theta_0)$$

$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2} (\omega + \omega_0) t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2} \alpha t^2$$

ستقل زاوی اسسراع کا گھمیاو

متنقیم حسر کے مسیں متقل خطی اسراع کی حسر کے (مشلاً، زمسین پر گرتا ہوا جسم)ایک اہم خصوصی صورے ہے۔ حبدول 1.2 مسین اسس طسرح کی حسر کت کومطمئن کرتی مسیاوات پیش کی گئیں۔

حنالص گھماومسیں متنقل زاوی اسراع ایک اہم خصوصی صورت ہے؛اسس کومطمئن کرنے والی مطباقتی مساوات مائی حباتی ہیں۔ ہم انہیں بیباں اخبذ نہیں کری گے، بلکہ مطبابقی خطی مساوات مسیں مساوی زاوی متغبیرات ڈال کر انہ میں پیش کرتے ہیں۔ حبدول اجم مسین مساوات کی دونوں فہسرست (مساوات 11.2 اور مساوات 15.2 تا مساوات 18.2؛ مساوات ۱۲.۲۲ تامساوات ۱۲.۲۸) پیشن کی گئی ہیں۔

بادرے مباوات 11.2 اور مباوات 15.2 متقل خطی اسراع کی بنسادی مباوات ہیں، جن سے فہر سب کی ہاقی تمام مساوات اخسذ کی حباسکتی ہیں۔اسس طسرح،مساوات ۱۲.۴ اور مساوات ۲.۱۳ مستقل زاوی اسسراغ کی بنبادی مبادات ہیں، جن سے زاوی مبادات کی فہسرست کی ماتی تمیام مبادات اخبیذ کی حیاستی ہیں۔ متقل

حبدول ۱. ۴۲: متقل خطی اسراع اور متقل زاوی اسراع کی حسر کت کی مساوات

$$i$$
اوی ساوات $\omega = \omega_0 + \alpha t$ (2.11) i

(r.ir)
$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
 (2.15) $x - x_0 = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$

$$(r.r) \omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0) (2.16) v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

(r.ia)
$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$
 (2.17) $x - x_0 = \frac{1}{2}(v_0 + v)t$

(7.14)
$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$
 (2.18) $x - x_0 = vt - \frac{1}{2}at^2$

زادی اسراع کا سادہ مسئلہ حسل کرنے کے لئے آپ عصوماً زادی فہسرست سے (اگریہ فہسرست آپ کے پاکس موجود ہو) ایک مساوات استعال کر پائیں گے۔ آپ وہ مساوات منتخب کریں گے جس مسین صرف وہ متنخب عنب معسلوم ہوجو آپ کو در کار ہو۔ بہستر طسریق سے ہوگا کہ آپ مساوات ۱۲.۱۲ اور مساوات ۱۳.۱۳ اور مساوات حسل کریں۔ کیس اور جب ضرورت پیش آئے، انہیں بطور ہمسزاد مساوات حسل کریں۔

آزمائش ۲

(3)، $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج)، $\theta = 3t - 4$ (ابرج) $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج) $\theta = 3t - 4$ (ابرج) $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج) $\theta = -5t^3 + 4t^3 + 6$ (برج) $\theta = -5t^3 + 4t^3 + 6$ (برج) $\theta = -5t^3 + 6t^3 + 6t^$

نمونی سوال ۴.۳: ممتقل زاوی اسراع، پکی کا پائے پر دیکار میں میں میں تقامین کا پائے

ن گاره t=0 مسین پایٹ مستقل زاوی اسراع $lpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ سے گھوم رہا ہے۔ وقت t=0 پر اسس کی زاوی $lpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پر اسس کی زاوی مستقی رفت از lpha=0 ہے۔ lpha=0 ہے۔ اور اسس پر کھینجی گئی خوالہ ککسیسر کامفت ام lpha=0 ہے۔

(۱) وقت t=0 سے کتنی دیر بعب حوالہ ککسیسر زاوی معتام t=0

كليدي تصور

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

کا نتختا ہے اسس لئے کرتے ہیں کہ اسس مسیں صرف ایک متنب ر، t ، نامعسلوم ہے اور ہمیں یہی در کارہے۔

باب ۲. گھاو

 $\theta_0=0$ اور $\theta_0=0$ اور $\theta_0=0$ کیتے ہوئے ذیل ہوگا۔

$$10\pi\,\mathrm{rad} = (-4.6\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})t + \frac{1}{2}(0.35\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2})t^2$$

(اکائیوں کے شباہ کی حناطب ہم 5.0 حیکر کو 10π ریڈیٹن مسین تبدیل کرتے ہیں۔)اسس دو درجی الجبرائی مساوات کو حسل کرنے ہے ذیل حساصل ہوگا۔

$$t = 32 \,\mathrm{s}$$

ان ایک بچیب بات پر خور کریں۔ جب ہم پہلی مسرت پاٹ پر نظر ڈالتے ہیں یہ منتی رخ گوم کر $\theta=0$ ست بند معتام ہے گزر تا ہے۔ اسس کے باوجود a=0 بعد ہم اسے a=0 a=0 حپکر مثبت ست بند معتام پر پاتے ہیں۔ اسس دورانے مسین ایسا کیا ہوا کہ پاٹ مثبت ست بند معتام پر ہو سکتا ہے ؟

اور
$$t=32\,\mathrm{s}$$
 اور $t=32\,\mathrm{s}$ اور $t=0$

 $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ ناوی رفت ار بے حسر کت کر تا ہے، $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ تاہم اسس کا زاوی اسراع α مثبت ہونے کی بدولت پائے منفی رخ کے جست میں الی مثبت رخ گومن شروع کر تا ہے۔ حوالہ ککسی رمثبت رخ کو کر گا ہے والہ کک والہ کا باور a کا گا رہے تا کہ مثبت رخ کے مشبت رخ مسندید a کا درنے تا کہ مثبت رہے کہ مثبت رہے کہ دور کے دیکر کا دیکر کے دور کے دیکر کرتے کے دور کے دیکر کا دیکر کے دور کے دیکر کا دیکر کے دور کی کا دیکر کے دیکر کے دیکر کے دیکر کے دیکر کے دور کے دیکر ک

(ج) پائے کس وقت t پر لمحاتی رکتاہے؟

حماہے: ہم دوبارہ زاوی مساوات کی فہسرست پر نظسر ڈالتے ہیں اور ایسی مساوات لین حیات ہیں جس مسیں صون t نامعسلوم متغیسر ہو۔ تاہم، اب مساوات مسیں ω کاہونا بھی ضروری ہے، تا کہ ہم اسس کو 0 لے کر مطابقتی t کے کے حسل کریں۔ ہم مساوات t1. ہم منتخب کرتے ہیں، جوذیل دیگی۔

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{0 - (-4.6 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})}{0.35 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2}} = 13 \,\text{s}$$

نمونی سوال ۴.۴: ممتقل زاوی اسراع، میسے کی سواری

تغسری گاہ مسیں ایک بڑا پہیا حیلاتے ہوئے آپ کی نظسر پہیے پر سوار ایک شخص پر پڑتی ہے جو پریشان نظسر آتا ہے۔ آپ بہی کی زادی سمتی رفتار مسیل کم کر سمیں کم کر سمیل کے ساتھ 3.40 rad s⁻¹ کے ماروں مسیل کم کر کے بہت کی زادی سمیل کرتے ہیں۔ (اسس شخص کو"گلومت شخص"تصور کرنے سے"مستقیم حسر کرتے کی تا شخص "کہنازیادہ بہستر ہوگا۔)
ہوگا۔)

(۱)زاوی سنتی رفت ارکی کی کے دوران متقل زاوی اسراع کیا ہوگی؟

سے کی زادی اسراع مستقل ہے، المبذا ہم اسس کی زادی سمتی رفتار اور زادی ہاو کا تعلق مستقل زادی اسراع کی مساوات (مساوات ۱۲ ۱۲ مراور مساوات ۱۳ ۲۰ ۲۰) سے حسان کتے ہیں۔

حماہ: آئیں دیکھیں آیا ہم ان بنیادی مسادات کو حسل کریائیں گے۔ ابت دائی زادی سستی رفت ار $\omega=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اورہاوی سے آرنوی ہے وہ کے آسند پر زاوی سے تاریخت کی مناو کے میں ہے ہیں۔ $\theta-\theta_0=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ = ہے۔ ہم متقل زاوی اسراع α حبانت حیاج ہیں۔ دونوں مساوات میں وقت t پیاحب تا ہے، جس میں ضر وری نہیں ہم دلچیبی رکھتے ہوں۔

نامعلوم t حنارج کرنے کے لئے ہم مساوات tا ہم ا

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha}$$

لکھ کرمپاوات ۱۳ ہمپیں ڈالتے ہیں۔

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right) + \frac{1}{2} \alpha \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right)^2$$

م کے لئے حسل کر کے، دی گئی معسلومات پُر کر کے، اور 20.0 حیکر کو 125.7 rad مسیں بدل کرذیل حساس ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\omega^2 - \omega_0^2}{2(\theta - \theta_0)} = \frac{(2.00 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2 - (3.40 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2}{2(125.7 \,\text{rad})}$$
$$= -0.0301 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2} \qquad (\text{--}1.5)$$

(___)رفت ارکتنے وقت مسیں کم کی گئی؟

 $t = \frac{1}{2}$ حیات میں، میاوات t = t سامسل کیا جا سات ہیں، میاوات t = t

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{2.00 \,\text{rad s}^{-1} - 3.40 \,\text{rad s}^{-1}}{-0.0301 \,\text{rad s}^{-2}}$$
$$= 46.5 \,\text{s} \qquad (-1.8)$$

۳٫۳ خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

مقاصد اسس ھے کویڑھنے کے بعید آیہ ذیل کے متابل ہوں گے۔

باب ۲. گلماو

ا. ت ائے۔ محور پر گھومتے ہوئے استوار جم کے زاوی متغیبرات (زاوی معتام، زادی سنتی رفت ار، اور زادی اسسراع) کا جم پر ایک ذرب، جو کسی رداسس پر پایا حباتا ہو، کے خطی متغیبرات (معتام، سنتی رفت ار، اور اسسراع) کے ساتھ تعساق حبان یا ئیں گے۔

ممای اسسراع اور ردای اسسراع مسین تمسیز کر پائیں گے، اور کی محور پر گھومتے ہوئے جہم پر موجود ذرے کے لئے بڑھتی زادی رفت ارداور گھٹ تی زادی رفت ارکی صور سے مسین دونوں کے سمتہ بہنایا ئیں گے۔

كليدي تصور

• گونتے جمم پر محور گھماوے عصودی فناصلہ ۲ پرپائے حبانے والا نقطہ، رداسس ۲ کے دائرے پر حسر کت کرتا ہے۔ اگر جمم زاویہ θ کھومے، بیانا توب نقطہ درج ذیل تو ی فناصلہ ۶ طے کریگا، جباں θ ریڈ بین مسین ناپاحبائے گا۔

$$s = \theta r$$
 (ریڈیئن ناپ)

• اسس نقطے کا خطی سمتی رفت ارق وائرے کو ممساس ہو گا؛ نقطے کا خطی رفت ار ذیل ہو گا، جہساں ، جسم اور نقطے کا (ریڈیئن فی سیکنٹر)زادی رفت ارہے۔

$$v = \omega r$$
 (ریزینُناپِ)

 اس نقطے کے خطی اسراع π کے دوجھے ہوں گ؛ایک ممائی حبزواور دوسسراردائی حبزو۔ ممائی حبزوؤیل ہو گا، جباں α جم کے (ریڈیئر) فی مسرع سیکٹر مسیں)زاوی اسراع کی ت درہے۔

$$a_t = \alpha r$$
 (ریڈینن ناپ)

رداسی حبزوذیل ہو گا۔

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$
 (ریڈیمن ناپ)

• اگرید نقط یک داوری حسر کت کرتا ہو، اسس نقطے اور جسم کادوری عسر صب T ذیل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (ریزین ناپ ا

خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

محور گھاو کے گرد دائرے پر متقل خطی رفتار ہ کے ساتھ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی یکسال دائری حسر کت پر حصہ 5.4 مسین غور کسیا گئیا۔ جب استوار جہم کسی محور پر گھومت ہے، جہم کاپر ذرہ اپنے ایک دائرے پر ای محور کے گرد گھومت ہے۔ چونکہ جہم استوار (بلا کچک) ہے، ایسے تمام ذرے ہم صدم حسل کر ایک جستنے وقت مسیل ایک حسل کرتے ہیں؛ ان سب کی زاوی رفتار ہ برابر ہے۔

تاہم، ایک ذرہ جتنا تحورے دور ہوگا، اتنا اسس کے دائرے کامحیط بڑا ہوگا، لہندا اسس کی خطی رفت ار σ اتنی زیادہ ہوگا۔ گھومنے والے جھولے "اپر ہسٹھ کر آپ اے محسوس کر سکتے ہیں۔ مسر کزے جستنے مناصلے پر بھی آپ ہول، آپ کی زاوی رفت ار σ ایک جتنی ہوگی، تاہم مسر کزے دور ہونے پر آپ کی خطی رفت ار σ بڑھے گی۔

ہم جم پر کی مخصوص نقطے کے خطی متغیبرات s ، v ، اور a اور v ، اور a کا تعباق حبانت ایس متغیبرات کی ان فہرست کا رشتہ مور گھاوے نقطے کے عصودی منتغیبرات کی ان فہرست کا رشتہ مور گھاوے نقطے کے عصودی منتغیبرات کی ان فہرست کا رشتہ مور گھاوے نقطے اور محور گھاوے نج عصودی ککیبر پر ناپا جب کے گا۔ یہ صاصلہ اسس دائرے کا رداس r ہوگا جس پر محور گھاوے گر دنقطے حسر کے کرتا ہے۔

تقتام

اگر استوار جہم پر تھینجی گئی حوالہ لکسے رزاویہ 6 گھوے، محور گھساوے ۴ مناصلے پر موجود جہم کے اندر نقطہ دائری قوسس پر مناصلہ 8 مطے کرے گا، جہاں 8 کی قیسے مساوات ایکادی ہے۔

$$(r.12)$$
 $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ ا

مب وات کا ۲۰۱۲ ہمارا پہلی خطی وزاوی تعلق ہے۔انتباہ: زاوی طلائی کاناپ ریڈیئن مسیں لاز می ہے چو نکہ درج بالامساوات زاویے کے ریڈیئن مسیں ناپ کی تعسریف ہے۔

رفتار

رداس ۲ کومتقل رکھ کروقت کے ساتھ مساوات ۱۷ ۴ کا تفسرق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}r$$

انتبه:زاوى رفت ارس لازماريدين في سيكندمسين نابي حبائ گار

استوارجم کے بتم اندرونی نقطے ایک زاوی رفت ارس سے گھو سے بین المہذام اوات ۱۸ مہم کہتی ہے زیادہ روائس ۲ پر واقع نقطے کی خطی رفت اربہ یہ بیٹ نظطے کا دائری راہ کو ممائی ہوگ۔ نقطے کی خطی رفت ار ہمیث نقطے کا دائری راہ کو ممائی ہوگ۔ اگر جم کا زاوی رفت ار ۳ بھی مستقل ہو، مساوات ۱۸ مهم کہتی ہے جم کے اندر نقطے کی خطی رفت ار ۳ بھی مستقل ہو گا۔ یوں، جم کے اندر موجود ہر نقط یک سرکت کا دوری عسر سے آگر جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر سے آگر مساوات 35.6 نیل ویت ہے۔

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

merrygoround"

بایس ۲۰. گلمباو

 $2\pi r$ کو اسس رفت از سے تحت ، ایک حیکر کے وضاف $2\pi r$ کو اسس رفت از سے تحت می کر کے جس سے وضاف ہے کہ کہا جب کے دیل جسامس اور اسکا ہوگا۔ مساور سے دان کر کاروقت حسامس ہوگا۔ مساور سے دان کر اور کار کے ذیل جسامس ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (بیڈیمُن ا بی ازیڈیمُن ا بی ازیڈیمُن ا

یہ معسادل مساوات کہتی ہے ایک حیکر کازاوی مناصلہ، 2π ریڈ پین، اسس زاوی رفت ارے تقسیم کرکے، جس سے زاوی مناصلہ طے کیا حیا جبائے، ایک حیکر کاوقت مسالہ وگا۔

اسسراع

رداکس au متقل رکھ کر t کے لحاظ سے مساوات au۱۸ کا تفسر ق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}r$$

یہاں ہم ایک پیچید گی کا سامن کرتے ہیں۔ مساوات انہ کا بایاں ہاتھ dv/dt فطی اسراع کے صرف اسس ھے کو ظل ہم ایک پیچید گی کا صدر تحلی اسراع کا سے فط ہر کر تا ہے جو خطی سمتی رفت او \overline{v} کی صدر تحلی اسراع کا سے حصہ نقط کی راہ کو مما می ہوگا۔ ہم اے خطی اسراع کا مما ی جو نظم کے جہ کہہ کرذیل کھتے ہیں، جہاں $\alpha = dw/dt$

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (ریڈیمن ناپ)

انت ہ: مساوات ۲۰۲۳ مسیں زاوی اسراع α کاریڈ بیٹن ناپ مسیں ہونالازم ہے۔ ساتھ ہی، جیسا مساوات 34.4 ہمیں بہت تی ہے ، دائر کی راہ پر گامسزن ذر ہے (یا نقطے) کے خطی اسراع کا (ردای مسر کز کے رخ)ردای جبزو $\frac{v^2}{r}$ ہوگا، جو گا، جو خطی سستی رفت از \overline{v} کے رخ مسیں تبدیل کا ذمہ دار ہوگا۔ مساوات ۱۸ مسی \overline{v} ڈال کر یہ حبزودرج ذیل کھا حباسکا ہے۔

$$(r.rr)$$
 $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (پیریمن ناپ)

یوں، جیب سٹکل 9b.10 مسیں دکھیایا گیا ہے، استوار گھوٹے جم پر نقطے کے خطی اسسراع کے عصوماً دو حبزو ہوں گے۔ جب بھی جم کی زاوی سستی رفت ارغیب صفسہ ہو، ردای اندر کی طسر ن کاحبزو a_r موجود ہوگا (جو مساوات ۲۳۳ میں ورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔ رق ہے)۔ ممای حبزو a_t (جو مساوات ۳۰۰ وی ہے) اسس صورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔ a_t آزمانٹ س

گومنے والے جبولے کے حلق پر چیونٹی بسیسٹھی ہے۔اگر اسس نظام (گومن والا جبولا و چیونٹی) کی زادی سستی رفت ارمستقل ہو، کپ چیونٹی کا (۱) ردای اسسراع اور (ب) ممای اسسراع ہو گا؟ اگر س گھٹ رہی ہو، کپ چیونٹی کا (ج) ردای اسسراع اور (د) ممای اسسراع ہوگا؟

نمونی سوال ۲۰۰۵: تفریح گاہ **میں ایک بڑے علقہ کی بناولے** ہمیں ایک بڑاافقی حلقہ ، جس کارداس س 33.1 سے ہوگا، بنانے کو کہا گیا ہے جوانقسانی دھسرے پر جیلے
$$\theta = ct^3$$

لحبہ $z=2.30\,\mathrm{s}$ کے بعب جھولنے کے پھیے را کمسل ہونے تک زادی رفت ارمستقل رکھی جبائے گی۔ گھومن شروع میں بھی ہونے کے بعب رسٹ ہونے کی لیسکن وہ گرے گانہیں؛ بلکہ وہ دیوار کے ساتھ مفبوطی سے جبکڑا ہونے کے بعب رسٹ ہونا کی دفت اور کے باوی اسراع ہے ، ممای اسراع کے بین میں ہونے کی اسراع ہے ، اور اسراع ہے ، اور اسراع z=1 کا مش کرتے ہیں۔

كلي دى تصور

(1) مساوات T راوی رفتار w و بی ہے۔ (2) مساوات T (دائری راہ پر) خطی رفتار T اور (کور گھساو کے گرد) راوی رفتار T کا تعلق T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (4) مساوات T و بی ہے۔ (5) مساوات T و بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی میں عصوری حبزو ہیں۔

حماج: آئیں ان افت دام ہے گزریں۔ دیے گئے زاوی معتام تف عسل کاو متنی تفسر ت لے کر 2.20 s پُر کر کے زاوی ستی رفت ارمعیادہ کرتے ہیں۔

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} = \frac{d}{dt}(ct^3) = 3ct^2$$

$$= 3(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})^2$$

$$= 0.928\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{--}1.6)$$

مساوات ۱۸.۱۸س کمچ کی ذیل خطی رفت ار دیگی۔

$$v = \omega r = 3ct^2 r$$

$$= 3(6.39 \times 10^{-2} \, \text{rad s}^{-3})(2.20 \, \text{s})^2 (33.1 \, \text{m})$$

$$= 30.7 \, \text{m s}^{-1} \qquad (\text{---})\text{s})$$

اگر حیب سے رفت ار (111 km h⁻¹) تیبز ہے، الی رفت ار تفسری گاہوں مسیں عسام ہیں، اور خطسرے کا باعث نہیں ؛ (جیب باب 2 مسین ذکر کیا گیا) ہمارا جم اسراع کورد عمسل کرتا ہے، خطی رفت ارکو نہیں (ہم رفت ارپیسا نہیں) مسرعت پیسا ہیں)۔ مساوات ۲۲ ہم کہتی ہے خطی رفت ار، وقت کے مسریع کے ساتھ بڑھے گی (تاہم سے اصاف سے 2.20 s

باب ۲۰. گھماو

اسس کے بعب د، مساوات ۲۵٪ مکاوقت تفسر ق لے کر زاوی اسسراع معسلوم کرتے ہیں۔

اب مساوات ۴۰۲۲مماسی اسسراع ویگی:

$$a_t = \alpha r = 6ctr$$

$$= 6(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})(33.1\,\mathrm{m})$$

$$= 27.91 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \approx 27.9 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \qquad (-1.5)$$

جو 2.8g ، جبال $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-2}}$ برابر ہے (جو مناسب ہے اور پُر اطف ہوگا)۔ مساوات $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-3}}$ مما تی اسراع اقت کے ساتھ بڑھ رہا ہے (تاہم سے اضاف $t=2.30\,\mathrm{s}$ پر رک حبائے گا)۔ مساوات $t=2.30\,\mathrm{s}$ ہما تی اسراع کھتے کر:

$$a_r = \omega^2 r$$

 $\omega = 3ct^2$ والمسترابي $\omega = 3ct^2$

$$a_r = (3ct^2)^2 r = 9c^2t^4 r$$

$$= 9(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})^2 (2.20 \, \mathrm{s})^4 (33.1 \, \mathrm{m})$$

$$= 28.49 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \approx 28.5 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{--}i\text{-$$

جو 2.9g دیت ہے (ب بھی من سب ہے اور پُر لطف ہوگا)۔

ردای اور ممای اسسراع ایک دوسسرے کو عصودی میں اور سوار کے اسسراع تھ کے حسنرو میں (شکل 10b.10)۔اسسراع تھ کی تعدر ذیل ہوگی: تھ کی تعدر ذیل ہوگی:

$$\begin{array}{c} a = \sqrt{a_r^2 + a_t^2} \\ \\ = \sqrt{(28.49\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2 + (27.91\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2} \\ \\ \approx 39.9\,\mathrm{m\,s^{-2}} \quad (\cup{...}) \end{array}$$

جو 4.1g کے برابر ہے (یہ یقیناً پُر لطف ہوگ!)۔ یہ تمام معتاد پر مناسب ہیں۔ اسراع تھ کی سمت بندی حبانے کے لئے ہم زاویہ θ معلوم کرتے ہیں (مشکل 10b.10)۔

$$\tan \theta = \frac{a_t}{a_r}$$

ہم ہم گھماو کی حسیر کی توانائی 19

آئیں اعبدادی نتائج کے کرنے کی بحبائے ہم مساوات ۲۷.۳۸ اور مساوات ۴۸.۲۸ کے الجبرائی نتائج استعال کرتے ہیں۔

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{6ctr}{9c^2t^4r}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{2}{3ct^3}\right)$$

ریاضی نتیج کابڑافٹ کدہ ہے ہے کہ ہم اب دیکھ سکتے ہیں کہ (1)زاویے پر رداسس کا کوئی اثر نہیں ہو گااور (2)اسس کی قیمت t کی تیت 0 تا 2.20 ہڑھانے سے گھٹتی ہے۔ ردای اسراع (جو t^4 یر منحصر ہے) بہت جلد ممای اسراع (جو مرنے $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔ $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔

$$\theta = \tan^{-1} \frac{2}{3(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})(2.20 \, \mathrm{s})^3} = 44.4^\circ \qquad (\text{...})$$

س. سم مستحمهاو کی حسر کی توانائی

مقاصد اسس حص۔ کو پڑھنے کے بعسد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. ذرے کا گھمیے ری جمود نقطے پر تلاسٹ کریائیں گے۔

۲. و انک محور کے گرد گھومتے ہوئے متعبد د ذرول کا کل گھمپ ری جمود تلاسٹس کرمائیں گے۔

س. گھمپ ری جمود اور زاوی رفت ارکی صورت مسیں جسم کی گھمپ ری حسر کی توانائی تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• تائب محور پر گھومتے استوار جسم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2$$
 (پیٹین ناپ (ریٹین ناپ)

جب ال I جم کا گھیسری جمود کہ الاتاہے، جس کی تعسریف انفٹ رادی ذروں کے نظام کے لئے درج ذیل ہے۔

$$I = \sum m_i r_i^2$$

گھپاوی جسے کی توانائی

مینز آرا کا تیبزی ہے گومت دھے ر دار پیسل یقیناً گومنے کی بن حسر کی توانائی رکھتا ہے۔ ہم اسس توانائی کو کسس طسرح بیان کر کتے ہیں؟ ہم توانائی کے عصومی کلیہ $K=rac{1}{2}mv^2$ سے پورے آرا کی حسر کی توانائی حسال نہیں کر سکتے چونکہ ے آرے کے مسر کز کمت کی حسر کی توانائی دیگا،جو صف رہے۔ ۹۰ پاپ۲.گهماو

اسس کے بحبائے، مسینز آرا (اور کسی بھی دوسسرے گھومتے استوار جمم) کو ہم مختلف رفت ارسے حسر کت کرتے ذروں کا محبسوعی تصور کرتے ہیں۔ ان ذروں کی انفسسرادی حسر کی توانائی حساسل کی حباسکتی ہے۔ یوں گھومتے جم کی حسر کی توانائی ذیل ہوگی،

$$K=rac{1}{2}m_1v_1^2+rac{1}{2}m_2v_2^2+rac{1}{2}m_3v_3^2+\cdots \ =\sumrac{1}{2}m_iv_i^2$$

جہاں i ویں ذرے کی کمیت m_i اور رفتار v_i ہے۔ محبموعہ جسم کے تمام ذروں پر لیاحبائے گا۔

م اوات ۲۰۳۱ مسیں مشکل ہے ہے کہ ہر ذرے کی رفتار دوسرے سے مختلف ہو سکتی ہے۔ اسس مشکل ہے بیجنے کی دفتار دوسرے سے متعلق ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔ حناطب ہم مساوات ۱۸۰۸ء سے ۳۰ ال کر ذیل کھتے ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔

(r.rr)
$$K = \sum \frac{1}{2} m_i (\omega r_i)^2 = \frac{1}{2} \Big(\sum m_i r_i^2 \Big) \omega^2$$

$$I = \sum m_i r_i^2$$
 (گھیے دی جمود) آھیے دی جمود)

مساوات ۳۳۲ مسیں ڈال کر مطباوی تعساق:

حاصل کرتے ہیں۔ چونکہ $v = \omega r$ استعمال کرکے درج بالا تعساق حیاصل کرتے ہیں۔ چونکہ $v = \omega r$ کی قیمت ریڈیئن ناپ مسین کھنی ضروری ہے۔ جو دی معیار از z کی اکائی کلوگر ام مسرع مسیر z

طریقہ کار۔ اگر جہم چند ذروں پر مشتل ہو، ہم ہر ذرے کی انفسرادی حسر کی توانائی mr² تلاسش کر کے تمام کا محبموعہ، مساوات ۳۳۳ کی طسرح، لے کر جہم کا کل تھمیسری جود I معسلوم کر سکتے ہیں۔ جہم کی کل تھمیسری حسر کی توانائی حبائے کے لئے معسلوم شدہ I کو مساوات ۳۳۴ مسیں ڈالٹ ہوگا۔ چند ذروں کے لئے سے طسریقہ کار استعال کیا

rotationalinertia"

momento finartia

۲.۵. همپرې جمود کاحباب

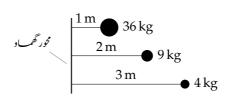
حبائے گا؛ اگر جہم مسین ذروں کی تعداد بہت زیادہ ہو (جیسا ایک سیاخ مسین ہو گا) تب کسیا ہو گا؟ اگلے ھے مسین ہم اسس قتم کے استمراری اجبام کونپٹنا تسکیکییں گے؛ فسکر مت کریں، نستائج مسٹوں مسین حساصل ہوں گے۔

مساوات ۱۳۳۳ جو حنالص گھماوی صورت مسیں استوار جم کی حسر کی توانائی $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ دیتی ہے، حنالص مستقیم حسر کرت کی صورت مسیں جسر کی توانائی کلی ہے مسیں $K = \frac{1}{2}Mv^2$ کی زاوی معادل ہے۔ دونوں کلیوں مسیں $K = \frac{1}{2}Mv^2$ کی زاوی معادل ہے۔ دونوں کلیوں مسیں کیت $K = \frac{1}{2}Mv^2$ جب دوخربی پایا جب تا ہے۔ ایک کلیہ مسیں کیت M جب کہ دوسرے مسیں K (جس مسیں کیت اور کمیت کی تقسیم دونوں مشار کا مسر تع پایا جب تا ہے والی مسیں دفتار کا مسر تع پایا جب تا ہے والی ہے، تا ہم دوسرے مسیں زاوی)۔ مستقیم اور اور حسر کی حسر کی توانائی دو مختلف توانائی ان جسیں۔ دونوں حسر کی توانائی ہے، تا ہم مسئلہ دکھ کر موزوں صورت ایسائی گئی ہے۔

ہم پہلے کہہ جب جب بین کہ گومتے جہم کا گھمیے ہیں جود ناصرف کیہ لیہ کیہ کے اتھی پر بھی منحصر ہوگا۔ آئیں ایک ایک مثال دیکھیں جب کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لمیں اور بھیاری سان ، پہلے طولی محود پر (شکل 11a.10) مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک بھی اور بھیاری سان ، پہلے طولی محمود پر (شکل 11b.10) گھی بیسے طول محمود توں مسین کیہ ۔ ایک جتنی ہے ، تاہم پہلی صور سے مسین گھیا ازیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین گھیا زیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین کی بدول سے متحمل 11a.10 مسین گھیا تازیادہ آسان ہوگا۔ مسین سے کا صور سے مسین گھیا تازیادہ آسان ہوگا۔ مسین گھیا تازیادہ آسان ہوگا۔ کم گھیے دی جود کی صور سے مسین گھیا تازیادہ آسان ہوگا۔

آزمائشس

تین کرہ انتصابی محورے گرد گھومتے سشکل مسیں د کھائے گئے ہیں۔ ہر کمیت کے مسر کزے محور تک عصودی مناصلہ بھی دیا گیاہے۔اسس محور پر گھمیسری جمود کے لحیاظ ہے کمسیوں کی در حب ہیندی کریں۔ زیادہ قیست اول رکھسیں۔



۴.۵ گھیری جمود کاحساب

مقاصد

اسس مھے کو پڑھنے کے بعد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ان اجام كالهميري جود معلوم كرپائيس كي جوحب دول 1.10مين دي گئے ہيں۔
 - ۲. جم کے تمین گزوں پر تکمل لے کر جم کا گھمیے ری جود تلاسٹس کریائیں گے۔
- س. جم کے مسر کز کمیت سے گزر تی محور گھساوسے ہے کر متوازی محور کے لئے متوازی محور مسئلے کااطبلاق کریائیں گے۔

باب ۲. گھساو

كليدي تصورات

• انف ادی ذرول پر مشتل جم کے گھمیری جمود کی تعسریف:

$$I=\sum m_i r_i^2$$
 اور جس جم مسیں کمیت کی تقسیم استمراری ہوذیل ہے۔ $I=\int r^2\,\mathrm{d}m$

انعنسرادی ذرے کا محور گھماوے عصودی فناصلہ r_i ہے۔ ای طسر تکمل مسیں کمیت کے کلڑے کا محور گھماوے عصودی فناصلہ r_i ہورے جم پر لیا حباتا ہے تا کہ کمیت کے تمام کلڑے مشامل کیے حسائیں۔

• کی بھی محور پر جم کے گھمیے ری جمود I اور مسر کز کمیت سے گزرتی متوازی محور پرای جم کے گھمیے ری جمود کا تعلق:

$$I = I_{--- \langle \lambda \rangle} + Mh^2$$

مسئلہ متوازی محور دیت ہے۔ دو محوروں کے نی عسودی مناصلہ h ہے، اور مسرکز کیت سے گزرتی محور گھساوپر جم کا گھسیسری جود مسرکز کیت سے گزرتی محور گھساوسے جتنا دور اصل محور گھساوہ بائی گئی، ہم h کو وہناصلہ تصور کر سے ہیں۔

گھمپ ری جمود کاحسا ہے

چند ذروں پر مشتل استوار جسم کا گلمیسری جمود، کور گلمساوپر، مساوات $(I=\sum m_i r_i^2)$ رق ہے؛ یوں ہم ہر ذرے کا سنسٹ کرکے تمام کا محبوعہ لیتے ہیں۔ (یادر کھسین کہ کور گلمساوے ذرے کا عصودی مناصلہ r ہوگا۔)

اگر جم مت ریب مت ریب انتهائی زیادہ ذروں پر مشتل ہو (جسم استمراری ہوگا)، مساوات ۳۳۳ کا استعال بہت لمب کام ہوگا جس کے لئے کمپیوٹر در کار ہوگا۔ بہتریہ ہوگا، ہم مساوات ۳۳۳ کے محب وعب کی جگہ کمل لے کر گھسیسری جمود کی تعسرین زیل کریں۔

$$I = \int r^2 \, \mathrm{d} m$$
 (۴.۳۵) $I = \int r^2 \, \mathrm{d} m$ (۴.۳۵)

حبدول 2.10 مسیں عسام سشکل وصورت کے نواجسام کے لئے ، تکمل کے نستانج پیشس کیے گئے ہیں اور مسمل محور گھساو کی نشاندہ ی کی گئی ہے۔ ۳.۵ ميسري جمود کاحب ب

مسئله متوازي محور

فسنسرض کریں ہم دی گئی محور گھاو پر ایک جمم کا، جس کی کیت M ہو، گھیسری مجود I حبانت حہاہتے ہیں۔ یقیاً، ہم مساوات M ہو کمل ہے I حساس کر سکتے ہیں۔ تاہم، جم کے مسر کز کیت ہے گزرتی ایک محور گھاو، جو دی گئی محور کے متوازی ہو، پر گھیسری مجود M جا حبانتے ہوئے، ایک آسان راستہ اختیار کیا جب سکتا ہے۔ مسر کز کیت سے گزرتی محور گھیسوں محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محور آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور کے فی محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور پر گھیسری مجود M دی گئی محور کے گئی محود کی فی مصورت مسین کی محود کی فی محود کی فی مصورت مسین کی مصورت مسین کی مصورت مسین کی مصورت مسین متوازی ہیں)

$$I=I_{\underline{\hspace{1cm}}}+Mh^2$$
 (مسئلہ متوازی گور) استکاہ متوازی گور)

یوں تصور کریں جیسا مسر کز کمیت ہے گزرتی محور گھساو کو دور ہٹا کر h مناصلے پر رکھسا گسیا ہے۔ ہے۔ مساوات ممئلہ م**توازی محور ⁶ا**م سابق ہے۔

مسئله متوازي محور كاثبوي

سشکل 12.10 مسیں اختیاری سشکل و صورت جم کا، جس کا مسر کز کمیت O ہے، عسودی تراسش دکھایا گیا ہے۔ محمد دی نظام کامبدا O پر کھسیں۔ شکل کے مستوی کو عسودی، O سے گزرتی، ایک محور لیں؛ اسس محور کو متوازی، نقطہ P سے کرزتی، دوسے دی محور لیں۔ نقطہ P کے محمد a اور b ہیں۔

ونسرض کریں کسی عصوبی محدد x اور y پر dm کمیت کا چھوٹا کھڑا ہے۔ نقطہ P پر محور کے لحاظ سے جسم کا گھمیسر ہی جود مساوات x ہم کے تحت ذیل ہوگا،

$$I = \int r^2 dm = \int [(x - a)^2 + (y - b)^2] dm$$

جس کوترتیب نوکے بعب دنیل لکھا حب سکتاہے۔

(r.r.2)
$$I = \int (x^2 + y^2) \, dm - 2a \int x \, dm - 2b \int y \, dm + \int (a^2 + b^2) \, dm$$

آزما^{کش}س۵

سشکل ؟؟ مسیں کتاب کی طسرح جم (جس کاایک منسلع دوسرے سے لمب ہے) اور جم کے رخ کو عسودی سپار ممکن۔ محور گھساو د کھسائے گئے ہیں۔ جسم کے گھمیسری جمود کے لیاظ سے ، اعظام قیمت اول رکھ کر، ان محور کی در حب بسندی کریں۔

parallelaxistheorem 12

باب ۲. گھساو

نمونی سوال ۴.۶: دو ذروی جهم کا گھمیری جمود

شکل 13a.10 مسیں کیت ' m کے دو ذروں پر مشتمل استوار جم و کھایا گیا ہے۔ متابل نظر انداز کیت کا سلاخ، جس کی لمبائی L بے کمسیتوں کے فق کا ہے۔

(۱) سلاخ کوعہودی، جسم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور گلمباو (جیبا شکل مسیں د کھسایا گیاہے) پر جسم کا گلمب ری جود کساہو گا؟

كلب دى تصور

جہم صرف دوزروں پر (جن کی کیے ہے) مشتل ہے، اہلہٰ اہم تکمل کے بحبائے مساوات ۱۳۳ ستمال کرکے تھمسیری جمود سے برب_{ک س}اتا تلاسٹس کر سکتے ہیں۔ ہم الفنسرادی کی<u>ت</u> کا تھمسیری جمود تلاسٹس کر کے دونوں کا محبسوع لیس گے۔

حماہ: کور گھاوے $\frac{1}{2}$ عسودی مناصلے پر کمیت $m \geq ce(روں) کا (محبوق) گھمیری جمور ذیل ہوگا۔$

$$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = (m) (\frac{1}{2}L)^{2} + (m) (\frac{1}{2}L)^{2}$$
$$= \frac{1}{2} m L^{2} \qquad (\text{...})$$

(__) پہلی محور کو متوازی، سیاخ کے بائیں سے سرے گزرتی، محور گھماو (شکل 13b.10) پر جم کا گھمیے ری جمود کسیا ہوگا؟

کلب دی تصورات

ا تنی آسان صورت مسیں I باآسانی دونوں طسریقوں سے معسلوم کیا حب سکتا ہے۔ پہلا طسریقہ حبزوا کی طسرت ہے۔ دوسسرا، زیادہ طاقت ور طسریقہ مسئلہ متوازی محوراستعال کرتاہے۔

پہلا طریقہ: ہم حبزوا کی طسرت I معلوم کرتے ہیں، تاہم اب سلاخ کے بائیں سسر پر موجود ذرے کا r_i صف راور دائیں سسر پر ذرے کا L ہوگا۔ مساوات r_i اب ذیل دیگی۔

دوسرا طریقہ: ہم مسر کز کیت ہے گزرتی محور گھاوپر جم کا گھیسری جود حبائے ہیں اور دوسسرا محور مسر کز کیت ہے گزرتی محور کو متوازی ہے اللہ متوازی محور (مساوات ۳۳،۳) پروئے کارلایاحب سکتا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$I = I \underline{\qquad} + Mh^2 = \frac{1}{2}mL^2 + (2m)(\frac{1}{2}L)^2$$
$$= mL^2 \qquad (\underline{\qquad})$$

نمونی سوال ۲۰۰: یکیال سلاخ کا گھمیری جمود با تنکمل کیت M اور لمب اُنی کا کی کیک اس سلاخ محود X پریوں رکھ آسے ہے کہ سلاخ کا وسط مبدا پر ہو (شنکل 14.10)۔ ۵. ۲. گمپری جود کاحباب

(۱) سلاخ کے وسطیر، سلاخ کو عصودی محور گھے ویر سلاخ کا گھمیے ری جمود کیا ہو گا؟

كلب دى تصورات

(1) سان انتهائی زیادہ ذروں پر ، جو محور گھساوے انتهائی زیادہ تعداد کے مختلف مناصلوں پر موجود ہیں، مشتل ہے۔ ہم ہر ذرے کا انفسنرادی گھسیری جود ہر گز معسلوم نہیں کرنا جہائے ۔ (ہم اپنی باقی تسام زندگی اسس کام مسیں گزار سکتے ہیں۔) المهندا، ہم محور گھسادی گھسیری جود کا عسومی الجبرائی فقت رہ ایک طحت ہیں۔ (2) ایک ایک کرے تسام چھوٹے مصوں کے گھسیری جود جمع کرنے کے بحب کے ، ہم اسس فقت رہ کا کمل لے کر محب وعید معسلوم کرتے ہیں۔ مساوات ۴۳۵ سے زیل کھیا حب تاہے۔

$$(r.r.) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

(3) سلاخ یک ال ہے اور محور گھی و عسین مسر کز کمیت سے گزر تاہے، البنداہم گھمیسری جمود مسر کز کمیت I معلوم کررہے ہیں۔

حماہے: ہم محدد x کے لحاظ سے تکمل حساصل کرنا حیاہۃ ہیں (نا کہ کمیت m کے لحاظ سے جیسا تکمل کہتا ہے)، لہذا کمیت کے نکڑے dm کا سلاخ کے ہمسراہ لمبائی dx کے ساتھ رشتہ در کار ہوگا۔ (مشکل 14.10 مسیں ایک ایک کاراد کھیایا گیاہے۔) سلاخ یکساں ہے، لہذا تمام مکڑوں کی کمیت اور لمبائی کی نبہت برابر ہوگا۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}m - 2 \, \lambda_{\mathrm{L}} - 2 \, \lambda_{\mathrm{L}}}{\mathrm{d}x \, \lambda_{\mathrm{L}} - 2 \, \lambda_{\mathrm{L}}} = \frac{M}{L} \frac{1}{2} \, \lambda_{\mathrm{L}}$$

-

$$\mathrm{d}m = \frac{M}{I}\,\mathrm{d}x$$

مساوات r مسیں r کی جگہ ورج بالا نتیجہ ڈال کر، ساخ کے ایک سرے دوسرے دوسرے مسرت کے تاریخ کے ایک سرے دوسرے دوسرے مسرتک (یعنی $x=\frac{L}{2}$ تاریخ کی تاریخ کی مساہ کے تاریخ کی مساہ کے تاریخ کی تاریخ کی مساہ کرتے ہیں۔ یوں ذیل ملت ہے۔

$$I = \int_{x=-L/2}^{x=+L/2} x^2 \left(\frac{M}{L}\right) dx$$

$$= \frac{M}{3L} \left[x^3 \right]_{-L/2}^{L/2} = \frac{M}{3L} \left[\left(\frac{L}{2}\right)^3 - \left(-\frac{L}{2}\right)^3 \right]$$

$$= \frac{1}{12} M L^2 \qquad (\text{...})$$

(ب) ایک نی محور گھاویر، جو سلاخ کے بائیں سرسے گزرتی اور سلاخ کو عصودی ہے، سلاخ کا گھمیے ری جود کیا ہوگا؟

باب ۲۰. گلم او

كلب دى تصورات

ہم محور x کامب داسلاخ کے بائیں سے پر منتقبل کر کے تکمل x=L تا x=0 تا ہم، ہم زیادہ آسان اور طب فتستور مسئلہ متوازی محور (مساوات ۴۳٫۳۷) استعمال کرتے ہیں، جس مسین محور گھساو کی سمت بندی تسب میں گے بنجہ رائے دوسسری جگس۔ منتقبل کرتے ہیں۔ تتب میں کے بنجہ رائے دوسسری جگس۔ منتقبل کرتے ہیں۔

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{$

در حقیقت، پ نتیج سلاخ کے بائیں یادائیں سے پر ہر، سلاخ کوعسودی، محور گلماوکے لئے درست ہے۔

نمونی سوال ۴۰۸ گھمیری جمودی توانائی، چکری پرکھ

مشین کے بڑے حصوں کا، جو لیے عسر صبہ تنیز رفت اربے حپکر کاٹے ہوں، معسائٹ حپکری پر کھ کے نظام مسین کرنا ضروری ہے۔ اسس نظام مسین، فولادی بسیان کے اندر، جس کی اندرونی حبائب سید کی اینٹین نفسب ہوں، مشین کے جھے کو مخصوص حپکری رفت ارتک (جسس پر جھے کو پر کھنا مقصود ہو) لایا حباتا ہے۔ اسس دوران بسیان کامن فولادی ڈھکن سے بندر کھسا حباتا ہے۔ اگر مشین کاحصہ مطلوب حپکری رفت اربر داشت نے کرتے ہوئے ٹوٹ حبائے، اسس کے نکڑے سید کی ملائم ایسٹوں مسین دھنس کر محفوظ ہوں گے، جن کامعی این بعد مسین کرنا مسکن ہوگا۔

1908 میں ایک ادارہ نے ،جومشین پر کھنے کاکام کرتا ہے ، 272 kg ٹھوسن فولادی (فترس شکل کا) مدور ، جس کارداسس 38.0 cm کے 14000 شکل کا) مدور ، جس کارداسس R = 38.0 cm کی تاریخ کی گرا معال کی معال کا معارک کے گام الیا معال کا معال کی معال کا دوازہ الیا کی معال کی بڑی کمرے سے باہر مجسکری بڑی ہیں ، کمرے کا دروازہ کا درازہ کا درازہ کی جسکری بڑی کی ہیں ، کمرے کی دروازہ کا درازہ کی گراٹیاں کھٹری کرنے کی جگ مسین پڑاملاہ ایک سید کی اینٹ پڑوی کے باور چی حنان کی دیوار توڑ کر اندر پنجی تھی ، ادارے کی عمارت کے ستون ناکارہ ہو جی تھے ، حیکر حنان کا پالٹی مسئرل مسین داخش ہونے بعد واپس حیکری نظام پر گر کر پڑا کا میں میں دھن چیکری نظام پر گر کر پڑا کی سے دوست میں کو تھی میں دھن کی کھی ادارے کے مسرے کی طرون نہیں گیا۔

اسس دھاکے مسیں کتنی توانائی حنارج کی گئی؟

كلب دى تصور

حنارج توانائی 14000 پکرفی منٹ پر مدور کی گھمیے ری حسر کی توانائی $K \supset برابر ہوگا۔$

testengineer¹⁷

۲٫۶ قویت مسروژ

حماب: ہم مساوات $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ کی قیت $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ تا شش کرتے ہیں، کین اس سے پہلے مدور کا گھیسر کی جود $I = \frac{1}{2}MR^2$ بھود $I = \frac{1}{2}MR^2$ بھود $I = \frac{1}{2}MR^2 = \frac{1}{2}(272\,\mathrm{kg})(0.38\,\mathrm{m})^2 = 19.64\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ مدور کی زاوی رفت ار، ریڈ بیکن ناپ مسین حساس کرتے ہیں۔ $I = \frac{1}{2}MR^2 = \frac{1}{2}(272\,\mathrm{kg})(0.38\,\mathrm{m})^2 = 19.64\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$

یوں مساوات ۴٬۳۴۴ کے تحت حسارج توانائی ذیل ہے (جوبہت بڑی معتدارہے)۔

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(19.64 \text{ kg m}^2)(1.466 \times 10^3 \text{ rad s}^{-1})^2$$

= $2.1 \times 10^7 \text{ J}$

۲٫۷ قوت مسروڑ

اس مے کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ جم پر قوت مسروڑ مسیں قوت اور، محور گھساوے قوت کے نقطہ اطلاق تک کا، تعسین گرسمتیہ ٹامسل ہیں۔
- ۲. (۱) تعسین گرسمتیه اور سمتیه قوت کے گزاویے کی مدد ہے، (ب) خط عمس ل اور قوت کے معیار اثر کے بازو کی مدد ہے، اور (ج)
 تعسین گرسمتیہ کو قوت کے عسود کی حسیز و کی مدد ہے قوت مسروڑ تلاشش کریائیں گے۔
 - ٣. حبان يائيں كے كه قوت مسرور حبانے كے لئے محور گھاو حبانت الازم ہے۔
- ۷. حبان پائیں گے کہ قوت مسروڑ کو مثبت یا منفی عسلامت مختص کی حباتی ہے، جس کا دارومدار اسس رخ پر ہو گا جس رخ قوت مسروڑ جم کو محمور گھبانے کی کوسٹش کرتی ہے (یادرہے،"گھٹریاں منفی ہیں")۔
 - ۵. جبال ایک سے زیادہ قوت مسروڑ جہم پر عمسل کرتی ہوں،صافی قوت مسروڑ حساصل کریائیں گے۔

كلي دى تصورات

• قوت آگی، محور گھساوپر جم کو گھسانے کی ، کوشش کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھساو کے لحساظ سے، آخ جس نقط پر عمسل کرتی ہو، اسس نقط کا تعسین گرسمتیہ آج ہو، تیب قوت مسروڑ کی و تدر ذیل ہوگی،

$$\tau = rF_t = r_{\perp}R = rF\sin\phi$$

باب ۲۰. گلماو

جباں \vec{r} کو \vec{F} کا عب مودی حبز و \vec{F} ہے اور ϕ قوت \vec{F} اور سمتیہ \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ہے۔ محور گھا واور \vec{F} کا معیار اڑ گئے ہیں۔ مبوط ککیسر کے \vec{F} عامیار اڑ گئے ہیں۔ ان طسر ح \vec{r} کا معیار اڑ کہیں گے۔ ان طسر ح \vec{r} کا معیار اڑ کہیں گے۔

• توت مسروڑ کی اکائی نیوٹن مسیٹر (Nm) ہے۔ ساکن جم کو تحور گلگ دیر حضلان گلسٹری گلمے نے کی کوششش کرنے والی قوت مسروڑ 7 مثبت ہوگی، گلسٹری وار گلمپ نے کی کوششش کرنے والی منفی ہوگی۔

قو____ مسروڑ

دروازے کادستہ چول سے دور ، کمی مقصد ہے ، رکھاحب تا ہے۔ دروازہ کھولنے کے لئے قوت لگانی ضروری ہے ، تاہم قوت کارخ اور لگانے کامعتام بھی اہمیت رکھتے ہیں۔ اگر آپ ، دستے کے بحبائے ، چول کے متسریب قوت کااطسلاق کریں یادروازے کی سطح کو قوت 90° پر لاگوٹ کریں ، دروازہ کھولنے کے لئے آپ کواسس قوت سے زیادہ قوت در کار ہوگی ، جو دستے پر دروازے کی سطح کو عصودی در کارجب ہے۔

سٹکل 16a.10 مسیں جم کاعب و دی تراسٹ رکھ ایا گیا ہے۔ یہ جم ، O سے گررتی، تراسٹ کو عب و دی محور گھ اوپر ، آزادی سٹکل F اور F کاطلاق کیا گیا ہے۔ F اور F کا اطلاق کیا گیا ہے۔ F اور F کررخ آلیس مسین زاویہ F پر ہیں۔ (ہم اپنی آس نی کے لئے صرف ان قوت کی بات کرتے ہیں ، جن کا محور گھ او کو متوازی حسن و نہیں یا بیا تا ہوں F صفح کی سطح مسیں ہوگی۔)

_ حب نے کے لئے کہ محور گلساو پر \vec{F} جم کو کیے گلسات ہے، ہم \vec{F} کو دواحب زاء مسیں تقسیم کرتے ہیں (مشکل 16b.10)۔

ایک حب زو، جو روای حب زو F_r کہ بلاتا ہے، \vec{T} کہ ہسراہ ہو گا۔ چو نکہ یہ حب زو O ے گزرتی لکسی ر کے ہمسراہ ہو گا۔ چو نکہ یہ حب روازے گلس کر دار ادا نہیں کر تا۔ (اگر آپ دروازے کو دروازے کے سطے کے ہمسراہ کھنچین، دروازہ بھی بھی نہیں کھلے گا۔ \vec{F} کا دوسراحب زوبہوممسای حب زور F_t کہ بلاتا ہے، \vec{T} کو عصودی ہے اور اسس کی تبدر \vec{F} ہے۔ یہ حب روگھ اوکا میس بنت ہے۔

قوق مروڑ کا حماج۔ \vec{F} کی جم گھمنے کی صلاحیت، قوت \vec{F} کے ممای حبزو \vec{F} کی ت در کے عملاوہ O سے (قوت کے)اطلاقی نقط کے مناصلے پر مخصس ہے۔ ان دونوں وجوہات کو سٹامسل کرنے کی حناطس ہم (درج ذیل) ایک نئ معتد ارمنحار نے بی جو قوق مروڑ τ کہاتی ہے، جو دو حب زوض یوں کا حسامس ل ضرب ہوگا۔

$$\tau = (r)(F\sin\phi)$$

تو___مسرور كاحباب (درج ذيل) دومعادل طسريقون:

$$\tau = (r)(F\sin\phi) = rF_t$$

اور

torque¹²

ے ممکن ہے، جہاں O پر محور گھاہ اور \vec{F} سمتی ہے گزرتی مبوط کسیر کے \vec{g} عصودی مناصلہ r_{\perp} ہے (شکل 16c.10)۔ اسس مبوط کسیر کو \vec{F} کا خط عمل \vec{G} ، اور r_{\perp} کو \vec{F} کا معیار اثر کا بازوا کتے ہیں۔ شکل 16b.10 میں وکھایا گیا ہے کہ ہم \vec{T} کی متدر r کو مبرز قوت F کا معیار اثر کاباز و کہ سکتے ہیں۔

جب آپ کی جم، مشاأ تی کس، پر اسس نیت سے قوت لگتے ہیں کہ یہ گھوے، آپ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ لی بین الاقوائی اکائی نیوٹن میسٹر (Nm) ہے۔ انتہاہ، نیوٹن میسٹر کی اکائی کام کے لئے بھی مستعمل ہے۔ تاہم، قوت مسروڑ اور کام دو مختلف معتادیر ہیں۔ کام کے لئے عسام طور حباول اکائی (JJ = 1 Nm) استعمال کی حباتی ہے جب کہ قوت مسروڑ کے لئے صرف نیوٹن میسٹر اکائی استعمال ہوگی۔

گھڑ پال منفی ہیں۔ باب 11 مسیں قوت مسروڑ کے لئے سمتیہ ترقیم استعال کی جبائے گی؛ بیباں واحد محور پر گھساد کی بات کی جبائے گا۔ اگر قوت مسروڑ حنلان گھسٹری گھساد پیدا کرنے کی بات کی حبائے گا۔ اگر قوت مسروڑ حنلان گھسٹری گھسٹریال منفی کو سشش کرے، بید منفی ہوگی۔ (حسس 1.10 مسیں ہم نے کہا" گھسٹریال منفی بیل"۔ بید فقت دو بیباں بھی کارآمد ہے۔)

اصول انطباق (جس کاذکرباب 5 مسیں کے آگیا) کو قوت مسروڑ مطمئن کرتے ہیں: جب جم پر کئی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہوں، جم پر صافی قوق مروڑ ۱۲ (یا ماصلی قوق مروڑ ۱۲) انفسرادی قوت مسروڑ کامحب وعب ہوگا۔ مسانی قوت مسروڑ کی عملات سے بنہ ہے۔

آزمائشس۲

مبٹر سلاخ کافسن کی حب نزہ شکل؟؟ مسیں پیش ہے؛ سلاخ کاچول cm کی پرپایاحب تا ہے۔ سلاخ پرپانچوں قوت افقی اور ان کی و تدریں برابر ہیں۔ اعظم قیت اول رکھ کر، قو توں کی در حب بہندی ان کی پید اقوت مسروڑ کے لحی اظ سے کریں۔

کی ۳ نیوٹن کانت انون دوم برائے گھماو

مقاصه

اسس مھے کوپڑھنے کے بعب آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. گھساوی صورت مسیں جم پر صافی توت مسروڑ کا، جم کے گھسیسری جمود اور گھمیسری اسسرائ کے ساتھ، رشتہ نیوٹن کے دوسسرے و تانون سے حبان یائیں گے۔ تسام معتادیر مختف محور گھساوکے لحساظ سے ہیں۔

كليدي تصور

lineofaction 'A

momentarm¹⁹

nettorque r.

resultanttorque

۱۰۰ باب ۲۰. گھماو

• نیوٹن کے دو سرے متانون کا گھمیسری مماثل ذیل ہے،

$au_{$ ني $}=Ilpha$

 α جہاں ذرے یا استوار جسم پر صافی توت مسروڑ سے نau ہے، محور گھساو پر ذرے یا جسم کا گھسسری جمود I ہے، اور σ اسس محور پر ماحصل زاوی اسسراع ہے۔

نیوٹن کادو سسرامتانون برائے گھمیاو

$$au_{ij} = I lpha$$
 (نیوٹن کادو سے راحت انون برائے گھے و

مساوات ۲۳٬۴۲ غاثبوت

پہلے سٹکل 17.10 میں پیش سادہ صورت کے لئے مساوات ۴۲.۳۲ ثابت کرتے ہیں۔ بلا کمیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت ساخ کی کمبائی ۲ ہے اور سے اپنے دو سرے سرپر، کمانی میں میں میں گارہ مسل کر استوار جم دیتے ہیں۔ سلاخ کی کمبائی ۲ ہے اور سے اپنے دو سرے سرپر، سلخ صفح سفح سفح سفح سفح سفح سے کو عصودی محور گھساو (دھسرے) پر ، گھوم سسکتی ہے۔ یوں، ذرہ صرف دائری راہ پر ، جس کے وسل پر محور گھساو ہے ، حسر کت کامحیاز ہے۔

i ذرے پر قوت \vec{F} عمسل کرتی ہے۔ تاہم، ذرہ صرف دائری راہ پر حسر کست کر سکتا ہے، اہلیذا قوت کاصرف ممسای حبین و F_t (جو دائری راہ کو ممساس ہے) ذرے کو اسس راہ پر مسرع کر سکتا ہے۔ ہم F_t اور اسس راہ پر ذرے کے ممسای اسسراع F_t تعسل نیوش کے دوسسرے و سانون سے کلھتے ہیں۔

 $F_t = ma_t$

ذرے پر قوی مسروڑ، مساوات ۴۰،۴۰ کے تحت ذیل ہو گا۔

 $\tau = F_t r = m a_t r$

ماوات ۲۰۲۲ $(a_t = \alpha r)$ سے اس کو ذیل لکھ کتے ہیں۔

$$(r.rr)$$
 $\tau = m(\alpha r)r = (mr^2)\alpha$

وائیں ہاتھ قوسین میں بند معتد رار، محور گھے و پر ذرے کا گھیسری جمود ہے (مساوات ۳۳، ۳۲ کھ میں، تاہم یہاں صرف ایک ذرے کی بات کی حبارتی ہے)۔ یوں گھیسری جمود کے لئے I کھے کر مساوات ۳۳، ۳۶ یل کھی حباسکتی ہے۔ $\tau = I\alpha$ (ریڈیئن ناپ)

جہاں ایک سے زیادہ قوت ذرے پر عمل کرتی ہوں مساوات ۴٬۳۴۰ ذیل صورت اختیار کرے گی، جے ہم ثابت کرنا حیاہتے تھے۔

$$au_{i,\alpha} = I\alpha$$
 (ریڈ بیش ناپ ا α

چونکہ ہر جہم انفنسرادی ذرول کا محبسوعہ ہو گالہٰ زااسس مساواہ کو کئی بھی استوار جہم تک، جو مقسررہ محور گھماو پر گھومتاہو، وسع<u>ہ</u> دی حباستی ہے۔

آزمائش ۷

شکل ؟؟ مسیں میٹر سلاخ کا فصنائی حبائزہ پیش ہے۔ سلاخ کے وسط سے بائیں حبانب نقطہ چول ہے جس پر سلاخ پکر کاٹ سکتی ہے۔ سلاخ پر دوافق آوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 اور \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 اور کائی سے پر لاگو کی حباتی ہے۔ سلاخ کو عصورت مسیں(۱) \vec{F}_2 کارٹ کسے ہوگا، جادہ ہوگا، یا دور کے کہ ہوگا، زیادہ ہوگا، یا اس کے برابر ہوگا؟

نمونی سوال ۴۰۰: نیوٹن کے قانون دوم برائے گھاو کا کولا میں استعالی

کولاکشتی کاوہ داوہ ہے جس مسیں پہلوان دو سرے کو کو لیج کی زد پر لاکر گرا تا ہے۔ آئیں پہلوانوں کی کشتی کو طبیعی دان کے نقطہ نظر سے دیکھسیں۔ کو لیج پر نقطہ گھساو (کور نظر سے دیکھسیں۔ کو لیج پر نقطہ گھساو (کور کور کی مارتے ہیں (شکل کھساو) کھ کہ معیار اثر کابازوا ستعال کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل کھساو) کہ کہ معیار اثر کابازوا ستعال کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل میں گھساوپر اسس کو $\alpha = 6.0 \text{ rad s}^{-2}$ کے ناوی اسراغ سے (جو شکل مسیں گھسٹری وارہے) گھسانا حساس کا گھسیری جمود $\alpha = 15 \text{ kg m}^2$ کے اظرے اسس کا گھسیری جمود $\alpha = 15 \text{ kg m}^2$

(۱) زمسین پر گرانے سے قب ل اگر آپ حسریف کو آگے جھکا کر اسس کا مسر کز کمیت اپنے کو لیے پر رکھسیں تو \vec{F} کی و تسدر کسیاہو گی (شکل 18a.10)؟

كلب ي تصور

ہم کازادی اسراع سے رشتہ نیوٹن کے متانون دوم برائے گھاد au_{i} سے باتے ہیں۔

حماہے: زمسین سے حسریف کے پاوں اٹھنے کے بعد، ہم کہد سکتے ہیں اسس پر تین قوت عمسل پیسرا ہوں گا: آپ کی کھنٹی \vec{F} ، نقطہ گلمب و پر آپ کی حسریف پر عصودی قوت \vec{N} (شکل 18.10 مسیں اسے نہسیں د کھیایا گیا)، اور تسبذ بی قوت کی آپ استعمال کریائیں گے۔ تباذ بی قوت کا سنتا کہ استعمال کریائیں گے۔

مساوات این می از d_1 بوگی، جہاں d_1 میسار میں اور تاریخ بھی جہاں ہے میسار تاریخ میسار از کا بازو منفی عسلامت کہتی ہے کہ ہم مسروڑ گھٹڑی وار گھساو کی کوششش کرتی ہے۔ قوت \vec{N} نقطہ گھساو کی کوششش کرتی ہے۔ توت وقت \vec{F}_g میسار از کا بازو وہ r_{\perp} ہوگا اور یوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صف رہوگی۔ تحب ذبی قوت میسار از کا بازو میسار از کا بازو گئے ہے۔ مسرکز کمیت عسین نقطہ گھساو پر ہے لہذا \vec{F}_g کا معیار از کا بازو

اب ۲۰ گھماو

ہوگااور یوں اس کی قوت مسروڑ بھی صف ہوگی۔ یوں حسریف پر صرف آپ کی تھینے $ec{f}$ کی قوت مسروڑ $au_{\perp}=0$ ہمسل کرتی ہے اور ہم $au_{\perp}=1$ ذیل لکھ سے ہیں۔

$$-d_1F = I\alpha$$

یوں ذیل حساصل ہوگا۔

$$F = \frac{-I\alpha}{d_1} = \frac{-(15 \text{ kg m}^2)(-6.0 \text{ rad s}^{-2})}{0.30 \text{ m}}$$
$$= 300 \text{ N} \qquad (\text{-}\text{if})$$

رے اگر گرنے سے پہلے آپ کا حسریف سیدھ کھٹرار ہے تاکہ \vec{F}_g کامعیار اٹر کابازو $d_2=0.12\,\mathrm{m}$ ہوتب \vec{F}_g کی ت در کیا ہوگا $(\frac{1}{2})$ (18b.10)؟

كلب دى تصور

چونکہ $\vec{F}_g = mg$ کامعیارا ترکابازواب صف رنہیں، اسس کی قوت مسروڑاب d_2mg ہو گی جو منلان گھٹری ہونے کی بہنا پڑت ہے۔

$$-d_1F + d_2mg = I\alpha$$

جو ذیل دیگا۔

$$F = 300 \,\mathrm{N} + \frac{(0.12 \,\mathrm{m})(80 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})}{0.30 \,\mathrm{m}}$$
$$= 613.5 \,\mathrm{N} \approx 610 \,\mathrm{N} \qquad (\text{---})\text{?})$$

اس نتیج کے تحت اگر آپ حسریف کو جھاکر اسس کامسر کز کمیت اپنے کو لیج پر رکھ نے سکیں، آپ کو کافی زیادہ تو ۔ گافی ہوگی۔ ایک اچھالیہ اوان ہے حقیقت حبانت ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۰: نیوٹن کا دوسرا قانون، قوت مرور، قرص

19a.10 کیت $M=2.5\,\mathrm{kg}$ اور رواسس $M=2.5\,\mathrm{kg}$ کایک و تسرص مقسر روافقی و هسرے پر نصب شکل 19a.10 میں و کھایا گیا ہے۔ و تسرص کے چکا $m=1.2\,\mathrm{kg}$ بیر برا کمیت و کھایا گیا ہے۔ و تسرص کے چکا $m=1.2\,\mathrm{kg}$ و تاریخ کو اسس کے گئی ہے۔ ساکن اینٹ رہا کی حباقی ہے۔ اینٹ کا اسسراع، و تسرص کا زاوی اسسراع، اور دھا گے مسیں تناو مسال کی گئی ہے۔ ساکن اینٹ رہا کی حبالت نہیں اور دھسرا ہے رگڑ ہے۔ تاریخ کا سسراع، و دھسرا ہے دھسرا ہے دھسرا ہے دھسرا ہے دھسرا کے مسیں تناو

rim

کلیدی تصورات

(1) اینٹ کو ایک نظام تصور کر کے اسس کی اسسرائ a اور اسس پر عمسل پسیرا قوت کا تعساق ہم نیوٹن کے وت نون دوم a (1) اینٹ کو ایک نظام تصور کرتے ہوئے ہم اسس کے زاوی اسسرائ a اور اسس پر قوت a (a) کا کھ سے تین ہیں۔ (2) مسترص کو ایک نظام تصور کرتے ہوئے ہم اسس کے زاوی اسسرائ a (ور اسس کی توقیق مسروڑ کا تعساق نیوٹن کے وت نون دوم برائے گھاو a (a) سے کھ سے ہیں۔ (3) اینٹ اور و تسرص کی جو کا کا راست میں کہ اینٹ کا خطی اسسرائ a اور و تسرص کے چکا کا (ممسای) محمد کا میں۔ (1 کیجھے سے بیچنے کی حن الحسر ہم اسسرائ کی و تعدروں اور الجبرائی عسلامتوں پر علیجہ دہ غور کرتے ہیں۔)

$$T - mg = m(-a)$$

جہاں (محور y کے ہمسراہ نیچرخ) اسسراع کی متدر a ہے۔ تاہم، ہم اسس مساوات کو a کے لئے حسل نہیں کر سکتے، چونکہ اسس مسین دوسرانامعساوم متغیبر T بھی پایاجہ تاہے۔

قرص پر قوص مروڑ: گزشتہ مسرتب جب ہم محور لا سے آگے بڑھ نہیں سے، ہم نے محور x کاسہارالیا۔اسس مسرت ہم نے محور x کاسہارااٹھاتے ہوئے نیوٹن کا صانون دوم زادی روپ مسین لکھتے ہیں۔ قو سے مسروڑ اور گھیسری جمود I تلاسش کرنے کے لئے، ہم نقط O پر، مسرص کو عصودی اور اس کے وسط سے گزرتی کسیسر، محور گھیاولیتے ہیں (شکل 19c.10)۔

$$-RT = \frac{1}{2}MR^2(-\alpha)$$

$$(r.rh) T = \frac{1}{2}Ma$$

باب ۴. گھپاو 1+14

نتائج کھر پیچائچہ: مساوات ۴۶،۴۷ اور مساوات ۴۸،۴۸ ملا کر ذیل حساصل ہوگا۔

$$a = g \frac{2m}{M + 2m} = (9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg})}{2.5 \,\mathrm{kg} + (2)(1.2 \,\mathrm{kg})}$$
$$= 4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}} \qquad (-)$$

ا بوگا۔

جیب ہمیں توقع کرنی حیاہیے، گرتی اینٹ کااسراع a آزادان۔ گرنے کے اسراع x سے کم، اور دھاگے مسیں شناو اور T دونوں پر $mg=11.8\,\mathrm{N}$ اور $T=6.0\,\mathrm{N}$ ت مت رص کی کمیت پر منحصب رہیں جب کمہ ان پررداسس کا کوئی اثر نہیں۔

T = 0 اور a = g اور a = g کی صورت میں a = g اور a = 0 اور a = 0ہوگا۔ ہم یہی توقع رکھتے ہیں؛اینٹ ایک آزاد جسم کی طسرح زمسین پر گرتی ہے۔مساوات ۲۲،۲۲سے متسرص کے زادی اسسراع کی ت در تلاسٹس کرتے ہیں۔

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}}{0.2 \,\mathrm{m}} = 24 \,\mathrm{rad \, s^{-1}} \quad (\text{...})$$

۴.۸ کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

م**قاصد** اسس ھے کریڑھنے کے بعید آ_پ ذی<u>ل</u> کے متابل ہوں گے۔

- ا. گھوٹے جسم پرلاگو توت مسروڑ کازاوی گھساوکے لیاظ سے تکمل لے کر، گھوٹے جسم پرلاگو توت مسروڑ کا سرانحبام کام معساوم کرپائیں گے۔
- ۲. مسئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کر کے جسم کے گھمیےری حسر کی توانائی مسین تب یلی اور سسرانحبام کام کار شتہ حبان
 - m. کام اور اسس زاویے کے تعسلق ہے، جس پر جم گھومت ہے، مستقل قوت مسروڑ کاسسر انحبام کام تلاسٹ کریائیں گے۔
 - م. کام کی شرح معلوم کر کے قوت مسروڑ کی طباقت حبان یائیں گے۔
 - ۵. کی لیح پر قوی مسروڑ اور اسس لیح پر زاوی سستی رفت ارکے رہشتہ سے قوی مسروڑ کی طباقت حسان مائیں گے۔

کلیدی تصورا ہے

• زاوی حسر کسی سین کام اور طباقت کی ذیل مساوات مستقیم حسر کسی کی مساوات سے مطابقت رکھتی ہیں۔

$$W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$$
$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} \tau \omega$$

• جب au متقل ہو، تمل گھٹ کر ذیل دیگا۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کر تاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

جیب ہم باب 7 مسین ذکر کر جیے ، جب قوت F استوار جم پر ، جس کی کمیت m ہو ، عمسل کر کے اسس کو محد دی محور پر مرع کرے ، قوت اس جم پر کام سر انحب م دی ہے ۔ پول ، جم کی حسر کی توانائی $(K = \frac{1}{2}mv^2)$ تبدیل ہو سکتی ہے ۔ فضر ض کریں جم کی صرف یہی توانائی تبدیل ہوتی ہے ۔ ایسی صور سے مسیں حسر کی توانائی کی تبدیلی کا کا اور کام M کا تعساق در حب ذیل مسئلہ کام وحسر کی توانائی (مساوات 10.7) درگا۔

$$(\sigma.$$
 (۹) $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2-rac{1}{2}mv_i^2=W$ (۱۳) $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2$

گور χ پررہے کی پاہند حسر کت کے لئے کام کی درج ذیل مساوات 32.7 دیگی۔

$$(\mathcal{C}, \Delta \bullet)$$
 $W = \int_{x_i}^{x_f} F \, \mathrm{d}x$ (حام، یک بُودی از کام)

$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = Fv$$
 (ماقت، یک بُعدی حسرکت)

باب ۲۰ گھیاو

$$(r.\Delta r)$$
 $\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2$ (نستله کام وحسر کی توانائی)

یہاں، I مقسررہ محور پر جم کا گھسیسری جمود اور ω_i اور ω_f کام سے قبل اور اسس کے بعید جم کی زاوی رفت ارہیں۔

ساتھ ہی، ہم مساوات 52.10 کی معادل گھمیے ری مساوات سے کام تلاسش کر کتے ہیں:

$$($$
اریم مقسر ره محور پر گھمی و $)$ $W=\int_{ heta_i}^{ heta_f} au \, \mathrm{d} heta$ (کام مقسر ره محور پر گھمی و

جباں au وہ قوت مسروڑ ہے جو کام W سسرانحبام دیتی ہے، اور heta ، کام سے قب ل اور اسس کے بعید ، جم کے زاوی مصام ہیں۔ جب au مستام ہیں۔ جب au مستقل ہو، مساوات au ہمگھٹ کر ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(\sigma. \Delta \sigma)$$
 $W = au(heta_f - heta_i)$ $W = au(\theta_f - \theta_i)$ (کام، ستقل قوت سروژ)

کام کرنے کی سشرح طباقت کہلاتی ہے، جو ہم مساوات 51.10 کی معسادل گھمیسری ذیل مساوات سے تلاسٹس کر سکتے ہیں۔

$$(\sigma. \Delta \Delta)$$
 $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$ (طاقت، مقرره محور پر گھماو)

حبدول ۲.۲ مسیں مقسررہ محور پر استوار جم کے گھماو کی چند مساوات اور مطابقتی مستقیم حسر ک کی مساوات پیش ہیں۔

سادات ۴.۵۲ تامسادات ۵۵ به کا ثبوت

آئیں دوبارہ سٹکل 17.10 کو دیکھتے ہیں۔ بلا کیہ سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت m کا ذرہ مسل کر استوار جم رہے ہیں۔ گھیا و کے دوران، توت \vec{F} جم پر کام سسرانحبام دیتی ہے۔ ہم منسرض کرتے ہیں کہ \vec{F} جم کی صرف حسر کی توانائی تسب میں کرتے ہیں کہ \vec{F} جم کی صرف میں مساوات \vec{F} ہم کام سئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کیا حباستا ہے البذاذیل ہوگا۔

$$\Delta K = K_f - K_i = W$$

 $(v=\omega r)$ استعال کرکے اسے ذیل کھی حب سکتا ہے۔ $K=rac{1}{2}mv^2$ اور سے وات $K=\frac{1}{2}mv^2$ اور کے اسے ذیل کھی حب سکتا ہے۔ $K=\frac{1}{2}mv^2$ کے اس ک

حبدول ۲۰۲۲: مستقیم اور مط بقتی همیسری حسر کت کی چند مساوات

محور)	حنالص گھپو(مقسررہ	حنالص مستقیم حسرکت (مقسرره رخ)		
θ	زاوی مفتام	x	معتام	
$\omega = \mathrm{d}\theta/\mathrm{d}t$	زاوی مستی رفت ار	v = dx/dt	مستى رفت ار	
$\alpha = d\omega/dt$	زاوی اسسراغ	a = dv/dt	اسراع	
I	تھمپ ری جمود	m	کمیت	
auنى $= I lpha$	نیوٹن کامت نون دوم	Fن $= ma$	نيوڻن کافت نون دوم	
$W = \int au heta$	کام	$W = \int F \mathrm{d}x$	کام	
$K = \frac{1}{2}I\omega^2$		$K = \frac{1}{2}mv^2$	حسىر كى توانائى	
$P = \tau \omega$	ط قت (متقل قوت مسروڑ)	P = Fv	ط اقت (متقل قوت)	
$W = \Delta K$	مسئله کام وحسسر کی توانائی	$W = \Delta K$	مسئله کام وحسر کی توانائی	

مساوات ۲۰۳۳ کے تحت واحبہ ذروی جم کا گھمیسری جمود $mr^2 = mr^2$ ہے، جو مساوات ۲۰۵۷ مسیں ڈال کر ذیل سامب کو گا، جو مساوات ۲۰۵۲ ہے۔

$$\Delta K = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

ہم نے مساوات یک ذروی جسم کے لئے ثابت کی، تاہم ہر جسم متعبد د ذرول پر مشتمل ہو گالہنذاب مقسررہ محور پر گھسائے گئے ہراستوار جسم کے لئے درست ہے۔

$$dW = F_t r d\theta$$

مساوات r برابر ہوں گے لہانے امساوات کہ ما جسل $F_t r$ اور قوت مسروڑ au برابر ہوں گے لہانے امساوات r دیار کرتی ہے۔

ره.۵۹)
$$dW= au\,d heta$$
 $dW= au\,d heta$ يوں $heta_f$ تا $heta_f$ تا $heta_f$ مستنابی زاوی ہے ورران سے رانحب م کام ذیل ہوگا، $W=\int_{ heta_0}^{ heta_f} au\,d heta$

۱۰۸

جو مساوات ۳۰٬۵۳ ہے۔ یہ مساوات مقسررہ محور پر گھومتے ہر استوار جم کے لئے درست ہے۔مساوات ۵۹٬۳۹ سے بلاواس طرمساوات ۲۰٬۵۴ ساصل ہوتی ہے۔

گھی ری حسر کت کے لئے مساوات ۴.۵۹ سے طباقت P لکھتے ہیں:

$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جومسادات ۵۵،۴م ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۱ کام، گھمیری حرکی توانائی، قوھے مرور، قرم

شکل 19.10میں وقت t=0 پر متسرس کن حیالت سے آعناز کرتا ہے؛ بلا کمیت دھا گے میں شناو t=0 برکسیا ہو گا ? t=2.5 ور متسرس کا زاوی اسسراع t=2.5 عبر کے سام کی گھمیسری حسر کی توانائی t=2.5 اور متسرس کا زاوی اسسراع t=2.5 میں میں متساو

كلب دى تصور

حمای: ہم α اور $\omega=0$ جبانتے ہیں اور ω جبانت ہیں الہذام اور $\omega=0$ استعال کرتے ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t = 0 + \alpha t = \alpha t$$

اور $I=\frac{1}{2}MR^2$ وال کرذیل ساصل ہوگا۔ $\omega=\alpha t$ اور $\omega=\alpha t$

$$K = \frac{1}{2}I\omega^{2} = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}MR^{2})(\alpha t)^{2} = \frac{1}{4}M(R\alpha t)^{2}$$
$$= \frac{1}{4}2.5 \text{ kg}[(0.20 \text{ m})(-24 \text{ rad s}^{-2})(2.5 \text{ s})]^{2}$$
$$= 90 \text{ J} \qquad (\text{--}1\text{s})$$

كلي دى تصور

ہم یہی جواب سے انحبام کام سے مت رص کی حسر کی توانائی معسلوم کر کے حساصل کر سکتے ہیں۔

حماج: پہلے ہم مسرس پر مسانی سرانحبام کام W اور مسرس کی حسر کی توانائی مسیں تبدیلی کار شتہ، مساوات K_i مسیس پیش، مسئلہ کام وحسر کی توانائی سے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ K_i کی جگھ K_i کی جگھ K_i کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کھتے ہیں۔ K_i کی جگھ کی جگھ کی جگھ کام وحسر کی توانائی کے کہت کی جگھ کام وحسر کی توانائی مسیس کی جگھ کی کھی کے دور کی کھی کے دور کی کھی کی کھی کے دور کی کھی کی کھی کی کھی کے دور کے دور کی کھی کی کھی کی کھی کی کھی کی کھی کے دور کی کھی کی کھی کی کھی کے دور کے دور کی کھی کے دور کی کھی کے دور کے

$$(r. \checkmark \bullet) K = K_i + W = 0 + W = W$$

W اور قسر ص پر عمس اوات W جبانت حیاییں گے۔ مساوات W اور W اور قسر ص پر عمس اوات W اور قسر ص پر عمس کی توت مسروڑ کا تعساق لکھ حب سکتا ہے۔ دھاگے کی توت T واحد توت ہے جس کی توت مسروڑ

(TR) زادی اسسراع پیدا کرکے فتسر ص پر کام سسرانجبام دیتی ہے۔ چونکہ α مستقل ہے، اہلنذا سے قوت مسروڑ بھی مستقل ہو مستقل ہوگی۔ یوں مساوات ۵۳۰ ۱۳۳۳ مستعال کی حباستی ہے، جس سے ذیل ککھا حباتا ہے۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i) = -TR(\theta_f - \theta_i)$$

چونکہ α مستقل ہے، ساوات $\omega_i=0$ استعال کرکے $\theta_f-\theta_i$ معلوم کیا جب سکتا ہے۔ یوں $\omega_i=0$ کے لئے ذیل ہو گا۔ گا۔

$$\theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 = 0 + \frac{1}{2} \alpha t^2 = \frac{1}{2} \alpha t^2$$

 $T=\frac{1}{2}$ اسس کو مساوات ۱۲. ۲ مسیں ڈال کر حسامسل نتیجہ مساوات ۲۰. ۲ مسیں پُر کرتے ہیں۔ دی گئی معسلوما $\alpha=-24\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ وال کر ذیل ہوگا۔

نظب رثانی اور حنلاص

$$(r.i)$$
 $\theta = \frac{s}{r}$ (پیڈیٹُن نا ت

ریڈیئن، حیکر، اور در حبات مسین ناپ کا تعساق ذیل ہے۔

$$(r.r) \qquad \qquad 1 = 360^{\circ} = 2\pi \, \text{rad}$$

زاوی ہٹاو جب ایک جم کور گھا و پر گھوم کر این زاوی معتام θ_1 سے تب یل کرکے و θ_2 کرے، جم کاز او کی ہٹاو و یل ہوگا، $\Delta \theta = \theta_2 - \theta_1$

جباں حنلان گھٹڑی گھے اوے لئے ΔD مثبت اور گھٹڑی وار کے لئے منفی ہوگا۔

ااب ۲۰. گھماو

زاوی سمتی رفتار اور رفتار اگروستی دورانی که مسین جم Δt زادی سناد گوے ، اسس کی اوسطزاوی سمتی رفتار اوسا ذیل جوگی۔ جوگی۔

$$(r.a)$$
 $\omega_{brail} = rac{\Delta heta}{\Delta t}$

جم کی (لمحاتی) زاوی سمتھ رفتار ذیل ہو گ۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}) \qquad \qquad \omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اور ۵ سمتیات میں، جن کارخ **دائیں ہاتھ کا قانواج** دیگا (شکل 6.10)۔ حسٰلاف گھٹڑی گھساوے لئے دونوں مثبت اور گھٹڑی وار گھساوے لئے منٹی ہول گے۔ جم کے زاوی سمتی رفت ارکی ت مدراسس کی **زاوجی رفتار** کہلاتی ہے۔

زاوی سستی رفت ار ω_1 تا ω_2 تا وقت وقت کے وقت وقت کے مسین جم کی زاوی سستی رفت ار ω_1 تا وی اسراع دیل ہو کر ω_2 ہو، جم کا اور طرز اور اسراع دیل ہوگا۔

$$\alpha_{\rm level} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جم کی (کماتھ) زاوی اسراع ذیل ہو گا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

 α اور α دونوں سمتیا سے ہیں۔

متقل زاوی اسراع کی مجرد ترکیات میاوات متقل زادی اسراع (متقل ه) گلمیدی حسرت کی ایک دنام قتل این اسراع کی مجرد ترکیات میاوات میاوات ،جوجیدول ایم میں دی گئی ہیں، ذیل ہیں۔

$$(r.r)$$
 $\omega = \omega_0 + \alpha t$

$$(r.r) \theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2}\alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0)$$

$$(\mathbf{r}.\mathbf{i}\mathbf{a}) \qquad \qquad \theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$

خطی اور زاوئ متغیرات کا تعلق گوئے استوار جم کا اندرونی نقط، جو تحور گھساوے r عسودی نساسلہ پر ہو، رداس r کے دائرے پر حسر کت کرتا ہے، جہاں θ کا کا دائرے پر حسر کت کرتا ہے، جہاں θ کا ناب ریڈیئن مسیں ہے۔

$$(r. اریزیمن نایب $s = \theta r$ (ریزیمن نایب $s = \theta r$ (حاریم)$$

نقطے کا خطی سے تی رفت ار \vec{v} دائرے کو ممای ہوگا؛ نقطہ کی خطی رفت ار \vec{v} ذیل ہوگا،

$$v = \omega r$$
 (ریڈینن ناپ $v = \omega r$ (ریڈینن ناپ)

جہاں س جسم کی (ریڈیئن فی سیکنڈ مسیں)زاوی رفت ارہے۔

نقطے کے خطی اسسراع à کاممای اور ردای حبزو ہوگا۔ ممای حبزوزیل ہوگا،

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (پاریمین ناسیا)

جہاں (ریڈیٹن فی مسر کے سیکٹر مسیں) جم کے زادی اسراع کی ت در α ہے۔ اسراع کا دوای حبزوزیل ہوگا۔

$$(r.rr)$$
 $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (پیٹین اپ

اگر نقط یک ال دائری حسر کت کرتا ہو، جسم اور نقط کی حسر کت کا دوری عسر صب T زیل ہوگا۔

$$(r_{r} \cdot r_{r} \cdot r_{r})$$
 $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$ (پیرین نام تاریخ تان نام تاریخ تار

گھمیری حرکھ توانائی اور گھمیری جمود مقسررہ تور پر گھوٹے ہوئے استوار جم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

$$(r,r)$$
 $K=\frac{1}{2}I\omega^2$ (پیڈیمن ناپ ناپ ناپ کا در پائیمن کا در پائ

جباں I جم کا محمیر کی جمود ہے، جس کی تعسرین انسنسرادی ذروں کے نظام کے لئے:

$$I = \sum m_i r_i^2$$

اور استمراری تمیتی تقسیم کے جسم کے لئے ذیل ہے۔

$$(r.ra) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

ان مساوات مسیں، محور گھساوے مطلوب ہمسیق مکڑے تک عصودی مناصلہ ۲ اور ۲ ہے، اور کمل پورے جم پر لیاحیائے گاتا کہ اسس مسین تمام کمسیق مکڑے شامل ہوں۔

مسئلہ متوازی محور کی بھی محور پر جسم کے گلمیسری جود I کانتساق، ای جسم کے مسر کز کمیسی پر متوازی محور کے لحساظ سے گلمیسری جود کے ساتھ مسئلہ متوازی محور دیتا ہے۔

$$I = I_{\underline{\hspace{1cm}}} + Mh^2$$

اال ۲۰۰۳ گھماو

h ہیں دونوں محور کے نی مناصباہ h ہے، اور مسر کز کمیت پر محور کے لحاظ سے جسم کا تھمیسری جمود میں ہود I ہے۔ ہم کا محمد کر کمیت پرواقع محور سے اصل محور تھے اوکا ہٹ و تصور کر سکتے ہیں۔

قے مروڑ گھیے ری محور پر قوت آ کی بناجم پر گھو سنے کے اثر کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھساو کے لحساظ سے جسس نظے پر آ تا عمسل پیسے راہوانس کا تعین گر سمتیہ تر ہو، تب قوت مسروڑ کی تندر ذیل ہوگی،

$$(r.rg.(r.r.r.r))$$
 $au = rF_t = r_\perp F = rF\sin\phi$

جباں \vec{r} کو \vec{F} کا عصودی حبز و \vec{F} ، اور \vec{r} اور \vec{r} اور \vec{r} اور \vec{r} اور \vec{r} کا خوادی خان ہے۔ محور گھاد اور \vec{r} کا معیار اثر کا بازو کتے ہیں۔ ای طسر \vec{r} کا خوادی حسودی و \vec{r} کا خوادی کتے ہیں، اور \vec{r} کا خوادی کتے ہیں۔ ای طسر \vec{r} کے معیار اثر کاباز و \vec{r} ہے۔

تو۔۔ مسروڑ کی بین الاتوامی اکائی نیوٹن میٹر (Nm) ہے۔اگر ساکن جم کو تو۔۔ مسروڑ au حنلان گھسٹری گھسنے کی کوشش کرے تب منفی ہوگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کازاوئ روپ نیوٹن کے تنانون دوم کازادی مسٹل ذیل ہے،

$$au_{i} = I\alpha$$

جہاں ذرے یا استوار جسم پر قوت مسروڑ σ ، محور گھماوپر ذرے یا جسم کا گھمیسری جمود I ، اور α اسس محور پر ماحسان زاوی اسسراغ ہے۔

کام اور گھمیری حرکی توانائی گھیسری حسرت مسین کام اور طباقت کے حساب کی (درج ذیل) مساوات مستقیم حسرت کی مساوات سے مطبابقت رکھتی ہیں۔

$$(r.sr)$$
 $W = \int_0^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$

$$(r.aa) P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جب au منتقل ہوم اوات ۴.۵۳ گھٹ کر ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(\textbf{r.sr}) \hspace{1cm} W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجبام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کرتاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

سوالا ____

سوال ۱.۷: انتصابی دھسرے پر مسسرص کی زاوی سستی رفت ریالمقابل وقت ترسیم مشکل 20.10 مسیں پیش ہے۔ مسسرص کے چکا پر ایک نقطہ کے لئے کحسات ، c ، b ، a کی در حب بسندی، اعظم اول رکھ کر، (۱) ممسامی اور (ب) ممامی اور (ب) دائی اسسراع کی وقت در کے لیے اظامے کریں۔

21.10 عوال ۲.۷: انتصابی دھسرے پر مشرص کے گھاو کی تین صور توں کے لئے زاوی معتام θ بالقابل قوت t شکل t 21.10 میں پیش ہے۔ برایک صورت میں گھاو کارخ کی زاوی معتام θ ہوگا۔ (۱) بر صورت کے لئے کیا θ θ θ θ گھاڑی وار ہے، خلاف گھسڑی ہے، یاعتین θ θ θ پر ہے؟ برایک صورت میں (ب) کے لئے θ θ کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟ θ θ کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟

سوال ۳.۳: مصرص کے وسط سے گزر تاانقب بی دهسرے پر گھومتے مصرص کے چاپر قوت لاگو کر کے اسس کی زادی مسمتی رفت ار تبدیل کی حباتی ہے۔ اسس کی بالسسرتیب ابت دائی اور اختنای مسمتی رفت ار حبار مختلف صور توں مسین ذیل ہیں: (۱) ابت دائی 2 rad s⁻¹ : (2 rad s⁻¹ ؛ (ب) 5 rad s⁻¹ ؛ (ب) 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقتای 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقت اول رکھ کر ان صور توں کی در حب بہندی قوت مسروڑ کے سرانجبام کام کے لیے اطلاح کریں۔

سوال ۴۰.۴: شکل 22a.10 کے مسترص کازاوی معتام شکل 22b.10 دیتی ہے۔ کیا(۱) t=1 پر، (ب t=2 s (بر، کی عالم شکل 22b.10 دیتی ہے۔ کیاران کی ناوی سمتی رفت ارمثیت، منفی بیاصف سر ہے ؟ (د) کیا ناوی اسسراع شبت یا منفی ہے؟

سوال ۲۰۰۵: فت رص کے وسط سے گزرتا انتصابی دھسرے پر گھومتے فت رص پر قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 عمسل کرتی ہیں (مشکل 23.10)۔ گھساوے دوران، جو صنالات گھسٹری اور مستقل ہے، قوت و کھائے گئے زاویے بر فت رارر کھتی ہیں ۔ تاہم، ہم حیاہتے ہیں کہ \vec{F}_1 کی فت در تبدیل سے بغیب رہ \vec{F}_1 کازاویہ θ گھٹائیں۔(۱) سمتی زاوی رفت ارتبدیل سے ہوئے کے کئے کسیا گھسٹری واریا حنالات گھسٹری قسٹری گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری کو مشتر کرتی ہیں ؟ کسیا (ب) آجا در (ج) کو مشتر ص کو گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری گھسٹری کو کسٹش کرتی ہیں ؟

سوال ۲۰۰۱: ایک چوکور جو نقط P پر دانتصابی دھسرے کے گرد گھوم سکتا ہے ، کافصنائی حبائزہ مشکل 24.10 مسیں لیا گئی ا گیا ہے۔ چوکور پر بر ابر فت مدر کی پانچ توت عمسل کرتی ہیں ، اور P ضلع کاوسطی نقط ہے۔ نقط P پر قوت مسروڑ کے لحاظ ہے ، اعظہ اول رکھ کر ، قوتوں کی در حب ببندی کریں۔

موال ۷۰٪ افتی چول دار سلاخ کافصٹ کی حبائزہ مشکل 25a.10 مسیں پیش ہے۔ سلاخ پر دو قوت عمسل کرتی ہیں، تاہم سلاخ ساخ ساخ اور جَرِّ کَ عَنْ فَاور سلاخ اللہ ہوگا؟ جائزہ سنگا اور سلاخ اللہ ہمی ساکن رہے، کپ گھٹائیں اور سلاخ اللہ ہمی ساکن رہے، کپ جَرِّ بڑھائیں ہوگا؟ جرائے بڑھائیں ہوگا؟

موال ۴.۸: افتی چول دار سیاخ کا فصن کی حب نزه شکل 25b.10 میں پیش ہے۔ سیاخ کو قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 چول پر گھساتی ہیں: \vec{F}_2 اور سیاخ کے جی فاوی ہے ہے۔ سیاخ کے زادی اسسراع کی وقت در کے لحی ظرے ، اعظم اول رکھ کر ، زاوی ہے کہی درج ذیل قیمتوں کی درجہ بسندی کریں: 90° ، 90° ، اور 110° ۔

سوال ۹٬۰۰۰ کیساں موٹائی کے دھاتی میادر کاچو کور جس سے % 25 حسر کاٹا گیا ہے، شکل 26.10 میں دکھایا گیا ہے۔ سوال ۹٬۰۰۰ کی نقطے دیے گئے ہیں۔ ان نقطوں پر انتصابی محور کے گرد حیادر کے گھیدری جمود کے لیاظ ہے، اعظام اول

اب ۲۰ گھیاو

ر کھ کر، نقطوں کی در حب سندی کریں۔

سوال ۱۰ . ۳: تین چینے (ایک جینے رداس کے) مترص ، جو مترص کے وسط پر انتصابی دھسرے کے گرد گھوم سے ہیں،
سٹکل 27.10 میں پیش ہیں۔ سینوں میں و مادہ ہے جنہ ہیں۔ ایک مادہ دوسرے سے زیادہ کثیف ہے (نی اکائی
محبم کمیت کو کثافت کہتے ہیں)۔ مترص 1 اور 3 کا ہیں۔ ونی نصف حصہ کشید مادے کا ہے۔ مترص 2 کا اندرونی
نصف حصہ کثیف مادے کا ہے۔ ایک جتی متدی کود تو تیں مترص کے ہیں۔ونی کسنارے پر یا دو مادہ کے جوڑ پر ، ممائی
مسل کرتی ہیں۔ (۱) مترص کے وسط پر قوت مسروڑ، (ب) مترص کے وسط پر گھمیسری جمود، اور (ج) مترص کے اسرائ

سوال ۱۱. ۳: میسٹر سلاخ کا آدھ حصہ لکڑی کا اور آدھ فولاد کا بن ہو ہے (شکل 28a.10) کئڑی والے سر O پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول کی حباتی ہے۔ فولادی سر a پر چول میں کرتی ہے۔ شکل 28b.10 میں ساخ الٹی رکھی حباتی ہے اور فولادی سر 28b.10 میں جب کم کئڑی والے سر a پر قوت لاگو کی حباتی ہے۔ کیا شکل 28a.10 میں پیسید ازادی اسراع شکل 28b.10 میں پیسید ازادی اسراع شکل 20.10 میں پیسید ازادی اسراع سکر ابر ہے ؟

سوال ۱۲.۳: کیساں کمسیتی تقسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے بین میں۔ قسیم کارداسس R اور کیسے وری گھراوکے گرد قسیر صرص گھوم سے ہیں۔ اپنے اپنے محور گھماویر گھمسیری جود کے لیے الیے ماعظے اول دکھر، قسیرص کی در حب بہندی کریں۔

سوالات

گھماوے متغیر

سوال ۱. ۴: ایک اچپ اکسلاڑی 60 فٹ دور کھاڑی تک 85 میل فی گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھسا وے گیٹ دیجینک سکتا ہے۔ دوسسرے کھلاڑی تک چنج کو گیٹ دینے حپکر مکسل کے ہوں گے؟

سوال ۴.۲: گھسٹری کی (۱) سسیکنڈوں کی سوئی، (ب)مسنٹوں کی سوئی، اور (ج) گھنٹوں کی سوئی کی زاوی رفت ارریڈیئن فی سسیکنڈ مسیں تلاسٹ کریں۔

سوال ۳۰٪: و ٹیل روٹی کا مکھن لگا گڑا میں زے پھل کر زمسین پر حیکر کھا تا گر تا ہے۔ میں زے زمسین تک مناصلہ 76 cm 76 cm اور 1 سے کم حیکر کی صورت مسین (۱) کم سے کم اور (ب) زیادہ ہے زیادہ زاوی رفت ارکیا ہوگی کہ زمسین پر گگئے ک بعد مکھن لگا طسرف زمسین پر ہو؟

سوال ۲۰۰۳: گومتے ہیے پر ایک نقطے کازاوی معتام $2.0+4.0t^2+2.0t^3+1.0t^2+2.0t^3$ کانا پریڈیئن اور t کا کانا پر ریڈیئن اور t کا کانا پر ایک اور t=4.0 کانا پر ایک معتام اور (ب) زاوی معتام اور (ب) زاوی معتام اور (ب) کازاوی اسراع تلاسش کریں۔ (د) کیا اس کازاوی اسراع کانا وی اسراع تلاسش کریں۔ (د) کیا اس کازاوی اسراع معتقل ہے ؟

سوال ۴.۵٪ پانی تک m 10 بلند حب بوترہ سے تب راک حب کر کھ کر کھ کر کھی کر پینچتا ہے۔ صف رابت دائی انتصابی سستی رفت رفت رف کر کے، پرواز کے دوران تب راک کی اوسط زاوی سستی رفت ارتلاسٹ کریں۔ t سوال ۲. ۳: گومتے ہینے کے چکاپر ایک نقطے کا زادی معتام $\theta = 4.0t - 3.0t^2 + t^3$ سوال ۲. ۳: گومتے ہینے کے چکاپر ایک نقطے کا زادی معتام t = 4.0s (ج) وقت t = 4.0s (ج) وقت t = 4.0s کا سینڈ میں ہے۔ کوب (ایس میں ہول گا اس دوراینے کے رج) آغن الرمین اور (د) اختیام پر کھی آغن اور کا سین اور (د) اختیام پر کھی آغن اور کا سین اور کا کیا ہوگا ؟

سوال ۲.۷: ایک پہیامیں، جس کارداسس 30 cm ہے، آٹھ تیایاں برابر مناصلوں پر نصب ہیں۔ پہیامقسررہ دھسرے پر 2.5 حیکر فی سیکنڈ گھوم رہاہے۔ آپ 20 cm لمباتیہ مار کر، دھسرے کے متوازی، تیایوں کو چھوئے بغیبر، پہیے کے اندرسے گزارنا حیاہ ہیں۔ تیسر اور تیایوں کو انتہائی پتالا تصور کریں۔(۱) تیسر کی کم سے کم رفت ارکسیا ہو سستی ہے؟ (بیسرے) کیا دھسرے اور چکاکے نی مارنے کا نقطہ اہمیت رکھتا ہے؟اگر اہمیت رکھتا ہو، بہسترین معتام کیا ہوگا؟

متقل زاوی اسسراع کا گھپاو

سوال ۴.۹: اپنے وسطی محور پر ڈرم 12.60 rad s⁻¹ زاوی سمتی رفت ار سے گھوم رہا ہے۔اگر اب ڈرم 4.20 rad s⁻² کی مستقل شرح سے آہتہ ہو،اسس کور کئے تک (۱) کتن اوقت حہا ہے ہوگا اور (ب) رکئے تک سے کتن زاوی گھوے گا؟

سوال ۱۰ . ۴: ساکن حسالت سے آغناز کرکے ایک مسترص اپنے وسطی محور پر مستقل زاوی اسسراع سے گھومت ہے۔ است دائی 5.0 s است دائی 5.0 s مسین مسترص 5.0 s مسین عصرص 25 rad گھومت ہے۔ اسس دورانیہ مسین (ا) زاوی اسسراع اور (ب) اوسط زاوی رفتار کی مسین ایل عام 5.0 s مسین مسزید کتنازاویہ طے کرتا ہے؟ کی صورت مسین ایل عام 5.0 s مسین مسزید کتنازاویہ طے کرتا ہے؟

سوال ۱۱.۷۱: ایک فت رص جوابت دائی طور $120 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ عراح متقل اسراع $4.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ برگا؛ ستہ ہوتا ہے۔ (۱) فت رص کر رکھنے تک کتناوت درکار ہوگا؛ (ب) رکھنے تک فت رص کتنازاوپ طے کر یگا؟

سوال ۱۲.۳: ایک گاری کا کال ۱۳۳ (انجن) کی زادی رفتار ۱2 s مسیں 1200 پکر فی منٹ سے بڑھ کر 3000 پکر فی منٹ کی حباتی ہے۔(۱) اسس کا اسسراع حبکر فی مسر بع منٹ مسیس کے ہوگا؟ (ب) ان 12 s مسیس کل (انجن) کتنے حبکر کا ٹی ہے؟

سوال ۱۳۰۳: ا**اُرُانِ بِهِيا** ۴۳ 40 کيکروں مسين 1.5 rad s⁻¹ زادی رفت ارسے سائن حسالت کو پنچت ہے۔(۱) مستقل زادی اسراع مستر ش کرتے ہوئے، رکنے کے لئے در کار وقت مسلوم کریں۔ (ب) اسس کا زادی اسسراغ کمیا ہوگا؟ (ج) 40 حسکر مسین ہے۔ است دائی 20 حسکر اُزان پہلے کئے وقت مسین کاشت ہے؟

سوال ۱۲٪ باز ساکن حیالت سے آغیاز کر کے، مستقل اسراع کے ساتھ، اپنی وسطی محور پر مسترص گھومت ہے۔ کسی

engine^{rr} flywheel^{rr}

ال ١١٦ گهماو

ایک لیجے مسیرس 10 حپکر فی سیکنڈے گھومت ہے؛ 60 حپکر بعبد اسس کی زاوی رفت ار 15 حپکر فی سیکنڈ ہے۔(۱) مسیرس کا زاوی اسسراغ، (ب) ہے 60 حپکر کو درکار دورانی، (ج) 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے کے لئے درکار دورانی، اور (د) ساکن حسالت ہے 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے تک کل حپکر تلاسش کریں۔

سوال ۱۵.۵: مسترص کے وسطی نقط ہے گزرتی انتصابی دھسرے پر ساکن حسالت ہے مسترص آعن از کر کے $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ کتے وقت مسین $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$

سوال ۱۱.۳: ساکن حسالت سے آغساز کر کے محور گلمسادپر فتسر ص زاوی اسسراع 1.50 rad s⁻² کے جلت ہے۔(۱) اہتدائی 2.00 حیکر اور (ب) اگلے 2.00 حیکر کتنے وقت مسین طے ہوں گے؟

سوال ۱۱. γ : 1 کین γ ست نور کا سے بناہ کو کہتے ہیں جو منارہ نور کی طسرح شعباع حنارج کر تا ہے۔ ناہی ہر پ کر کے دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت ہو ایک سال مسین معلوم کیا جب ایک مسین مار ول داہش کا دوری عسر مسرح کا مسین مسلم السرط کی مسلم السرط کی مسلم مسلم کا نام ک

خطی اور زاوی متغییرات کارشته

سوال ۲۰۳۰: ایک جیم مقسر رہ محور پر گھومت ہے، اور جیم پر حوالہ لکسیر مازاوی معتام $\theta=0.40e^{2t}=0$ ہے، جہاں θ ریڈ بیئن مسین اور t=0 سینٹڈوں مسین ہے۔ محور گھ وے t=0 مسین اور t=0 بر نقطی (۱) کے اسسراغ کے مسین حسین ورز برگھومت کے ردای حسیزہ کی وقت در کہتے ہوگی؟

سوال ۲۰۲۱: الوا اور ۱۹۹۰ کے آال السیہ کے شہر پیپ مسین واقع جھ کا بڑھ ۲۸ کی چوٹی جنوب کے رخ سالان اوسطاً 1.2 mm کرتی رہی۔ بُری ہے ۔ بُری 5 لیند ہے۔ بُری کے پیپندا پر بُری کی زاوی رفت اربیڈیمئن فی سیکنڈ مسین کتنی ہے؟

pulsar

Crabnebula

 $supernova^{\textbf{r} \angle}$

leaningtowerofPisa r^

سوال ۴۰۲۳: ایک اڑن پہیا جس کا قطر سر 1.20 سے 200 حیکر فی منٹ کی زاوی رفت ارسے گلوم رہا ہے۔(۱) اڑن پہیے کی زاوی رفت اریڈ بیٹن فی سیکنڈ مسیں کتنی ہے؟(ب) اڑن پہیے کے چکا پر نقطے کی خطی رفت ارکسیا ہو گا؟(ج) پہیے کی زاوی رفت ارکسیا ہو گا؟ مستقل زاوی اسراع (حیکر فی مسر بح منٹ مسیں) کسیا ہو گا؟

سوال ۴۳.۳: گراموفور میں سوئی (پلاسک کی بنی ہوئی) تعالی اسکی چوڑیوں پر حپ ل کر آواز پیدا کرتی ہے۔ چوڑی مسیں بیج وحنم پر حپل کر سوئی ارتعب سش پذیر ہوگا۔ گراموفون میکانی ارتعب سش کو پہلے برتی ارتعب سش مسیں اور اسس کے بعب آواز مسیں تسبدیل کرتا ہے۔ منسرض کریں ہوتا کی تحب بی ہوڑی کو بحب یا حب ارس کا مدر سے گھومتی ہے، جس چوڑی کو بحب یا حب ارب ہے، اسس کا مداسس سامل کرتا ہے۔ اور چوڑی مسیں حنم کیساں سامل 1.75 سنسلوں پرپائے جب تے ہیں۔ حنم کسس مشدح (کار کی سین کے فی سیکنڈ) سے سوئی کو کھراتے ہیں۔ حنم کسس مشدح (کار کی سین کی کھیٹیڈ) سے سوئی کو کھراتے ہیں؟

سوال ۴۰۲۵: (۱) سطح زمسین پر 40° شمسال کے خط عرض بلد 7° پرواقع نقطے کی قطبی محور پرزاوی رفت ار ω کسیا ہوگی؟ (زمسین قطبی محور پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ

سوال ۲۰۲۱: دخانی کل ۳۳ (دخنانی انجن) کااڑن پہیا 150 حیکر فی منٹی کی مشتقل زاوی سنتی رفت ارے حسر کت مستقل زاوی سنتی رفت ارے حسر کت مسین ہے۔ بجب پر بیرم ۴۳ کی رگز اور ہوائی رکاوٹ پینے کو 2.2 گھٹوں مسین روکتی ہیں۔(ا) رکنے کے دوران پینے کا مشتقل زاوی اسراع، حیکر فی مسریع منٹ مسین، کیا ہوگا؟ (ب) رکنے تک پہیا کتنے حیکر کاشت ہے؟ (ج) جس لمحد ارثن پینے کی زاوی رفت او حکم کا مسان کی منٹ ہے، پینے پر محور گھاوے 50 cm فی اسراع کا ممای حبزوکیا ہوگا؟ (د) ذریے کے صافی اسراع کی متدر کیا ہوگی؟

سوال ۲۰ ، ۳: تختہ گھوم ۲۳ پر ، جو 33 أو سيلت سے گھوم رہاہے ، نق كادات مور گھساوے 6.0 مناصلے پر پڑا ہے۔ (۱) فق كااسراع كسيا ہے اور (ب) پھيلنے سے بچنے كے لئے كم سے كم سكونى رگز كا مستقل كسيا ہو گا؟ (ج) اگر ساكن حسالت سے تخت اس رفت ارتك و 0.25 مسيں مستقل زاوى اسسراع سے پنجپ ہو، پھيلنے سے بچنے كے لئے كم سے كم سكونى رگز كا مستقل كسيا ہو گا؟

 $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 25 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ ما تا ہے (شکل 31.10)۔ کن جالس ہے کہ بہت کی جائیں ہے۔ کہ اور $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ کی زاوی رفت اور $r_A = 1.6 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ مستقل شرح ہے بڑھ کی جہت کے کہنا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے) (ایشارہ: اگریٹ پھیلے نہیں، دونوں پہیوں کے فی منٹ تیک کتنا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے) (ایشارہ: اگریٹ پھیلے نہیں، دونوں پہیوں کے منٹ کارٹر کارٹر کیا کہ بھیلت انہیں ہے)

centrifuge^{rq}
gramophone^r
vinylrecord^{rl}
latitude^{rr}

equator rr

steamengine bearing bearing

turntable

السم. گھماو

ھے برابر خطی رفت ارسے حسر کت کریں گے۔)

موال ۲۹ من روشنی کی رفت ارناپنے کی ایک پر افی ترکیب شکل 32.10 مسین دکھنائی گئی ہے، جس مسین شگاف دار گومت کا ۲۹ میں اور گومت کا بہت کی ایک پر افی ترکیب سے عمرا کر دور آئین ہے کی گرا کر دور آئین ہے کر ان کی مشکل کی ایک مسین پہیا ایک شگاف آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگاف دار اللہ مسین پہیا ایک شگاف آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگاف ہے گئے تک والے سے گزریاتی ہے۔ پہیے کاردا سس 5.00 مشکل فول کی تعداد 500 داور آئینے تک و ناصلہ 500 میں گئے دروشنی کی رفت اور آئینے کی مشتل (زاوی) رفت ادر کیا ہے؟ پیسا کشن ہے کہ مناب کی فیلی رفت ادر کیا ہے؟ دروشنی کی رفت ادر کیا ہے؟

سوال ۳۰۳۰: ممکن پرخی کر تھے اڑن پیپے کو، جس کارداسس 2.83 cm ہے، ساکن حسالت ہے 2.83 cm سوال ۳۰۳۰: ممکن کر کے 2760 حیکر فی منٹ کی زاوی رفت ارتک لایاحب تا ہے۔(۱) اسس دوران پیپے کے چکا پر واقع نقطے کے ممائی اسسراخ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پیپنچ تک چکا پر واقع نقطے کاردائی اسسراخ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پیپنچ تک چکا پر واقع نقطے کرتا ہے؟

سوال ۱۳.۳۱: ایک و سرص، جس کارداسس $0.25 \, m$ و سخص کی و سطی انتصابی محور پر $0.25 \, m$ گھسانا مقصود ہے۔ سکن حسالت ہے آغناز کر کے، ابتدائی $0.25 \, m$ ودران و سرص کو مستقل $0.25 \, m$ مسرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک حباتا ہے۔ مشرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک کی حصہ کے مسرکز مائل اسراع کی و سدر $0.25 \, m$ مل سام کی گھنائی کے اس کی وردانے کتناہو مکا ہے جو اوز نے کرے۔ (۱) گھناؤی کے کم دورانے کتناہو مکتا ہے؟ (ب) مطب البقتی $0.25 \, m$ کی آبیت کسیاہو گی؟

سوال ۴۳۲: ساکن حسالت سے آغناز کر کے گاڑی $30.0 \, \mathrm{m}$ رواسس کی دائری راہ پر حیباتی ہے۔ اسس کی رفتار $0.500 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2}$ مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم عقد میں مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم یے گاؤی کا مسافی ممتد اسراع اور گاڑی کی سمتی رفت ار آپس مسین کس زاویے پر ہیں ؟

گھماو کی حسر کی توانائی

سوال ۳۳۰ ایک پہیا 602 حیکر فی منٹ سے گھوم رہاہے اور اسس کی حسر کی توانائی ا 24 400 ہے۔ پہیے کا گھمیسری جمود تلاسٹ کریں۔

سوال ۱۳۳۳: ایک پتلی سلاخ ایک سر پر گھسائی حباتی ہے۔ شکل 33.10 مسیں سلاخ کی زادی رفت اربالقابل وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیان $\omega_s = 6.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیان $\omega_s = 6.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ پر سلاخ کی وقد رکت ہوگئی ہے جا (ا) کھی ہوگئی مسر کی توانائی از 1.60 ہے۔ کو سے $t = 4.0 \, \mathrm{s}$ پر سلاخ کی مسر کی توانائی کی گھیس کی سر کی توانائی کی بیابوگی ؟

gyroscope"2

گھىپەرى جمود كاحساپ

سوال ۳۰٬۳۷: میسٹر سلاخ، جس کی کمیت 0.56 kg ہے، کا گلمیسری جمود 20 cm نشان پرواقع سلاخ کو عسودی محور پر تلاسٹ کریں۔ (میسٹر سلاخ کو پستلی سلاخ تصور کریں۔)

سوال ۲۰۳۸: بلا کیب ساخ کے ساتھ تین ذرے چسپاں کیے گئے ہیں (شکل 35.10)۔ سلاخ کی لمبائی میں درجہ میں درجہ کی ساخ کی المبائی کے اللہ 6.00 cm کے ایکن سرپرواقع نقطہ O.0100 kg کے بائیں سرپرواقع نقطہ O. کررتی عصودی محور پر گلوم سکتا ہے۔ ہم ایک ذرہ ہٹ تے ہیں (جو % 33 کمیت بنت ہے)۔ محور سے (ا) مستریب ترین فررہ ہٹ نے فی صد کم ہوگا؟

سوال ۳۹.۳۹: اڑن پہیے کوبر قی موٹر سے 200 ریڈیئن فی سیکنٹر رفت ارتک پہنچپ کر گھومتے اڑن پہیے مسیں ذخیبرہ توانائی سے ٹرک حیایا حب سکتا ہے۔ منسر ض کریں اٹن پہیا ٹھوسس اور یکساں بسیلن ہے، جس کی کمیت 500 kg اور رواسس 1.0 m ہے۔ (ا) بھسرائی کے بعد اڑن پہیے کی حسر کی توانائی کتی ہوگی؟ (ب) اگر ٹرک اوسط گل 8.0 kW طاقت استعمال کرتا ہو، بھسرائی کتی دیر مسیں دوبارہ کرنی ہوگی؟

 $L=\frac{100}{2}$ بوال ۱۰٬۳۰۰ بالکل ایک جیسے 15 متے میں سیدھ میں رکھ کر سان ٹی کشکل میں ، جس کی لمب بی اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ نظام در میانے مت میں کے وسطی نقط O پر گھوم سکتا ہے۔(ا) اسس محور پر نظام کا گھمیسری جمود تلاسٹس کریں۔(ب) نظام کو کسک کے میں این تصور کرنے سے حبدول 2e.10 کا کلیہ استعمال کرنے سے گھمیسری جمود کے حساسہ میں کتنے فی صد سمویسید ابوگا۔

سوال ۳۰.۳: دو ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کیت $m=0.85\,\mathrm{kg}$ ہے ، ایک دو سرے کے ساتھ اور O پر واقع محور $d=5.6\,\mathrm{cm}$ اور $M=1.2\,\mathrm{kg}$ گھے اور کے ساتھ ہے دو سال خور ڈی ہیں۔ ان سالغوں کی انفٹ رادی کیت اور لہبائی $M=1.2\,\mathrm{kg}$ اور $M=5.6\,\mathrm{cm}$ اور $M=1.2\,\mathrm{kg}$ گھے در سنگل محور گھے ویر $M=1.2\,\mathrm{kg}$ محور گھے ویر $M=1.2\,\mathrm{kg}$ محور گھے ویر $M=1.2\,\mathrm{kg}$ میں ناوی رفت اربی گومت ہے۔ محور $M=1.2\,\mathrm{kg}$ میں ناوی رفت اربی گھے کہ محور آور (ب) مسئل کی اپنی جود اور (ب) مسئل کی اپنی ج

 $x = 0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm} \cdot x = 2.0 \, \text{cm} \cdot 50 \, \text{g}$ نوال $y = 0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = -3.0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 4.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = -3.0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = 4.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{$

۱۲۰ پایس ۲۰. گلمهاو

 $c=1.4\,\mathrm{cm}$ واور ماره ماره ناور شکل کا کیکیت $b=8.4\,\mathrm{cm}$ و اور اضام میں اور اضام میں اور اصل میں۔ میں ایک کو عبدودی ایک کونے سے گزرتی محور گھما و پر سل کا گھمیسری جمود تلاسٹ کریں۔

سوال ۴۴، ۴٪ حیارایک جیسے ذروں کو، جن کی انفسرادی کمیت علی و 0.50 kg چوکور کی حیار راسس پرر کھے جب تے ہیں، جوڑا حب تا ہے۔(۱) محت الف اصلاع بن تے ہیں، جوڑا حب تا ہے۔(۱) محت الف اصلاع بن تے ہیں، جوڑا حب تا ہے۔(۱) محت الف اصلاع کے وسطی نقطوں سے گزرتی محور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، (ب) ایک ضلع کے وسطی نقط ہے گزرتی محور کھی اوپر، جو چوکور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، گھی اوپر، جو چوکور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، اور (ج) وتری محت الف ذروں سے گزرتی محور گھی و پر، جو چوکور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، اسس استوار جم کا گھی میں جود تلاسٹ کریں۔

قوت مسروڑ

 $r_1 = 1.30 \, \mathrm{m}$ ایک جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے دوڑ کہ ہو گا گا جو گا ہو گا ہو گا ہو گا ہو گا گا ہو گا ہو

سوال ۲۳.۴٪ بلا کیہ، سان کا دو سراسہ چول سے اللہ کے ایک سے برپر 0.75 kg گیند باندھ کر، سلان کا دو سراسہ چول سے لاکلیا جباتا ہے۔ جب ساسل رفتاس انتصاب کے ساتھ °30 پر ہو، چول پر تحباذ بی قوت مسروڑ کی وقد رکسیا ہوگی؟

سوال ۴۸.۳٪ سنگل کے پائیدان کابازو m 0.152 m ہوار سنگل سوار پائیدان پر 111 N نشیبی قوت لاگو کرتا ہے۔ پائیدان بازو کے چول پر اسس وقت قوت مسروڑ کی وقت در کسیا ہو گی جب انتصاب کے ساتھ پائیدان کا زاوی (۱) *30 ،(ر) °90 ،اور (ج) °180 ہو؟

نیوٹن کافت انون دوم برائے گھم او

سوال ۴۸.۳۰: تخت خوط میس تالاب مسین کود کر خوط خور کی زادی رفت ار، اسس کے مسر کز کمیت پر، 220 مسین مسنسرے تخت خوط میس کا گلمب ری جود 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کمیت پر اسس کا گلمب ری جود 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کمیت پر اسس کا گلمب ری جود کے اوسط زادی اسسراع اور (ب) تخت سے خوط خور پر بسیسر ونی اوسط قوت مسروڑ کی قت دریں کسیا ہیں؟ موال ۵۵.۵ تو سے پہنے پر 32.0 N m تو سسروڈ 25.0 rad s مسیسری جود کسیا

سوال ۲۱،۵۱۱ بلار گر افتی دھے ہے، جس سے کیت R = 5.00 cm کا جر تقیل ۲۹ صب ہے، جس سے کیت

?_

divingboard pulley pulley

سوال ۲۰.۵۲: ایک بسیان، جس کی کیت $2.0 \,\mathrm{kg}$ بینی وسطی طولی محور پر، جو O پر واقع ہے، گوم سکتا ہے (مشکل 1.00 ہے)۔ اپنی وسطی طولی محور پر، جو $F_4 = 5.0 \,\mathrm{N}$ ، ور $F_2 = 4.0 \,\mathrm{N}$ ، $F_1 = 6.0 \,\mathrm{N}$ ، اسیان کے زاوی اسراع(۱) کی ت در اور (ب) رخ تلاسش کریں۔ (گھ وک دروان بسیان کے کے ظریب قوت انہیں زاویوں پر رہتی ہیں۔)

سوال ۱۵۳۳: حباپانی کشی جو ڈو کہالتی ہے۔ ایک داومسیں آپ حسریف کا بایاں پاوں مار کر اٹھ تے ہیں اور ساتھ ہی اس کو وردی ہے کو کر بائیں کھینچے ہیں۔ نیچے کا محسوں آپ کا کا میں اس کا بایاں پاوں زمسین سے اٹھاد کھایا گیا ہے۔ محور گھاو نقط O پر ہے۔ کو سور تیج نوٹ E_g اس کے مسر کز کیت پر عمل کرتی ہے ،جو O ہے O کا وی O اور O کی توسی کے مسر کر کہیت پر عمل کرتی ہے ،جو O ہوتے کی قوت E_g متابل نظر انداز ہونے کی صورت کیت میں اور (ب) آپ کی قوت E_g متابل نظر انداز ہونے کی صورت میں اور (ب) آپ کی قوت افتی اس کی وقت افتی اس کی وقت اور نقط اطلاق کی بلندی E_g میں اور نقط کا بیت دائی زاوی اسراع کے ہوگا ؟

سوال ۸۵.۵: یکساں موٹائی اور کثافت (کمیت فی اکائی حجبم) کے پلاسک کی بے متاعدہ حپادر نقط ، سطح حپادر نقط ہیں کے برواقع، سطح حپادر کو عسودی، محود درج ذیل حباتی ہے (سفکل 45a.10)۔ اسس محود پر حپادر کا گھمیسری مجود درج ذیل ترکیب سے باپاحباتا ہے کہ متسرص ہے۔ رداسس 2.00 cm اور کمیت کی 1500 kg کا دائری متسرص حپادر کے ساتھ یوں چسپاں کمیاحب تا ہے کہ متسرص کا وصل کی پر ہو (شفکل 45b.10)۔ لئو پر وحساگہ کہیٹے کی طسرح متسرص پر دھساگہ کہیٹ کر دھساگہ 5.05 کے لئے کھینے حباتا ہے۔ نتیجتاً، متسرص کے چکا پر ممسائی لاگو 0.400 مستقل قوت متسرص اور حپادر دونوں کو گھمساتی ہے۔ ماحسل خراوی رونوں کو گھمساتی ہوگا؟

سوال ۲۰٬۵۱ و دو ذرے 1 اور 2 جن کی انفٹ رادی کمیت m ہے بلا کمیت سلاخ کے سروں پر حبٹرے ہیں (شکل ۱۰٬۵۱۰) سلاخ کی لمب کی $L_1 = 20$ cm ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا کے حب ان کی لمب کی $L_1 + L_2$ ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا کی حب رازوں 1 اور (ب) زرہ 2 کے ابت دائی اسراع کی حت در کمیا ہوگی؟

سوال ۱۰۵ × 10 $^{-3}$ kg m² میری جمود T اور دھسرے پر گھمیسری جمود T انگری خبرت کے جہاں T نیوٹن مسیں اور T کا پر ممائی تغییر پذیر توست T انگری میں اور T نیوٹن مسیں اور T کے چکاپر ممائی تغییر پذیر توست T کا بیان میں ہے۔ جب رائس (۱)کازاوی اسراع اور (ب)زاوی کے نیوٹن مسین کے خبر تغییر میں ہے۔ حب رتغییل استدائی طور ساکن ہے۔ وقت T پر اس (۱)کازاوی اسراع اور (ب)زاوی

رفت ارکب ہوں گے؟

کام اور گھمیےری حسر کی توانائی

موال ۵۵ مین (۱) اگر شکل 19.10 مسین 19.10 میں $M=400\,\mathrm{g}$ ، $R=12\,\mathrm{cm}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=10.10\,\mathrm{d}$ ، اور

سوال ۵۹.۳: گاڑی کا خمدار دھرا ۳۰ کریئک شافٹ) 1800 حپکر نی منٹ رفت ارسے گھومتے ہوئے انجن سے دھسرے (اکسل) تک میں منزے سے توانائی پنجن تاہے ؟

سوال ۲۰ ، ۳: ایک پستلی سلاخ، جس کی لسبائی m 0.75 اور کمیت 0.42 kg ہے، ایک سرے کسٹکی ہے۔
سلاخ کو ایک حبانب کھنٹی کر رہا کر کے روشاص کی طسرح جولنے ویاحباتا ہے؛ نشیب سے سلاخ کہ داوی 4.0 rad s⁻¹ زادی رفتار سے گزرتی ہے۔ رگڑ اور ہوائی رکاوٹ نظر رانداز کریں۔(۱) نشیبی معتام پر سلاخ کی حسر کی توانائی کسیا ہوگی اور (ب)
سلاخ کا مسر کز کمیت نشیبی نقط ہے کئی بلندی تک پیٹیا تا ہے؟

موال ۲۱.۳: ایک پہیا، جس کو دائری پتلی سلاخ تصور کیا حب سکتا ہے، کی کمیت 32.0 kg اور رواسس میں 1.20 m میں روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل انحبام ہوگا؟ (ب) درکار اوسط طباقت کیا ہوگا؟

سوال ۲۲. ۳: تین ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کمیت $L = 6.00 \, \mathrm{cm}$ برا کمیت کو عب ودی، گور پر گوم سکتی ہے (شکل 35.10 کی سائے کو عب ودی، گور پر گوم سکتی ہے (شکل 35.10 کرنے، اور (ج) گھیسری سشرح کو (ا) $L = 0.00 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ برا نظام کی مسرح میں کو نظام کی خسر کی (جنول مسین) تو انائی بالمقابل (مسین) تو انائی بالمقابل (مسین کی مسرح سینیڈ مسین) مسرح سشرح گھیاو کی ترسیم کی ڈھیلوان کی باوگی؟

سوال ۱۳ ، ۱۳ مسیئر سلاخ زمسین پر کھسٹری کر کے گرنے دی حباتی ہے۔ عسین زمسین پر پینچ کر سلاخ کے دوسسرے سسر کی رفتار کسیاء کو پہتلی سلاخ تصور کر کے توانائی کی بستال صول پر دیکا اصول پر دیکا کا دلائیں۔)

سوال ۲۰۱۳. کیساں بسیان کو، جس کارداسس 10 cm اور کمیت 20 kg ہے، یوں رکھا حباتا ہے کہ بسیان کی وسطی طولی تورک متوازی، 5.0 cm ویر بسیان کا گھسیسری جمود تلاشش کریں۔ (ب) محورک متوازی، 5.0 cm فیکر کے گرد گھوم سے۔ (ا) محور گھماویر بسیان کا گھسیسری جود تلاشش کریں۔ (ب) بسیان کی وسطی طولی محورکو محمداوکی بلین دی پر رکھ کرساکن بسیان رہاکت حباتا ہے۔ نشیب سے گزرتے وقت بسیان کی ادارک باہوگی؟

موال ۲۰ ،۲۵ ایک بلند بسیلنی آتش دان جس کی بنیاد کمنزور پڑ گئ تھی گر تا ہے۔ آتش دان کو پسیلی ساخ تصور کریں جس کی کمبائی 55.0 شاہ 35.0 دوران جس لمح انتصاب کے ساتھ آتش دان °35.0 داویہ بناتا ہے

crankshaft".

، اسس کے بالا سسر کا(۱) ردای اسسراغ، اور (ب) ممسای اسسراغ کیا ہوں گے ؟ (اہشارہ: توانائی کی بقسا بروئے کار لائیں نا کہ تو سسروڑ۔)(ج) ممسای اسسراغ کسس زاویے θ پر $g=9.8~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-2}$

سوال ۲۲.۳۱: کیساں کروی خول، جس کی کمیت $M=4.5\,\mathrm{kg}$ اور داسس $R=8.5\,\mathrm{cm}$ بانتصافی وسطی مور پر بلار گڑ گھوم سکتا ہے (شکل 47.10)۔ بلا کمیت دھاگہ، جس سے $m=0.60\,\mathrm{kg}$ کی بہتر تقسیل کی گرار کر کرہ کے خطا ستواپر لپیٹا حباتا ہے۔ جب رتقسیل کا گھمیسری جمود $m=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$ سے m=1 اور دواسس m=1 کی خطا ستواپر لپیٹا حباتا ہے۔ جب رتقسیل کا دھسرا بلار گڑ ہے؛ دھا گہ حب رتقسیل پر پھیلتا نہیں ہے۔ ساکن حیالت ہے $m=5.0\,\mathrm{cm}$ کی دفت ارکب ہوگی تو انائی کی بقی استعمال کریں۔ m=1 کی دفت ارکب ہوگی کے بعد جم کی رفت ارکب ہوگی تو انائی کی بقی استعمال کریں۔

سوال ۱۳۰۷: پتلاگسیر (کمیت m اور رداس m 0.150 m) اور پتلی سلاخ (کمیت m اور لمب بنی m اور لمب بنی m اور لمب بنی m ور لمب بنی سیاخ (کمیت m اور لمب بنی سیاخ (کمیت m اور لمب بنی بی بر نظام سیده و کمی از نظام سیده و کمی بر نظام سیده و کمی بر معمولی بلانے بین معمولی بلانے سیاخ اور گھیرا m معمولی بلانے مستوی مسیں موجود ، افتی محور کے گردگومت ہے۔ وخسر خس کریں معمولی بلانے سیاخ اور گھیرا m کے مستوی مسیں موجود ، افتی محور کے گردگومت ہے۔ وخسر خسیری نقط ہے گزرتے وقت نظام کی زاوی رفت ارکب ہوگی؟

اضيافي سوال

سوال ۲۰٬۹۸ و دو گھوسس یکساں کرہ کی انفسسرادی کیست 1.65 kg ، اور رداسس 0.226 m اور 0.854 m ہیں۔ دونوں اپنی اپنی محور پر، جو کرہ کے مسر کزیے گزرتی ہے، گھوم سکتے ہیں۔ (۱) چھوٹے کرہ کو ساکن حسالت سے 15.5 s مسیں 317 rad s⁻¹ کی استوا پر ممسائی قوت کی قستدر کم سیامو گیجو اتی قوت مسروڑ دے ؟(ج) کہ اور (د) کا بڑے کرہ کے لئے کسابل؟

سوال ۲۹. ۲۰: رداسس r=2.00 cm کا تچونا استىر ص، رداسس r=2.00 cm کے بڑے مسیر ص کے کسنارے ہیں جو ڑا سیا ہوں بھوٹا مسیر کی کہ دونوں ایک مسیوی مسین ہوں (مشکل 49.10) ہیڑے مسیر ص کے مسیر کی کے مسیوی کورکے گر دنظام مسیوی مسین ہوں (کیسٹ فی اکائی جبم) $r=1.40 \times 10^3 \, \mathrm{kg \ m}^{-3}$ اور یکساں موٹائی $r=1.40 \times 10^3 \, \mathrm{kg \ m}^{-3}$ اور یکساں موٹائی مسید کی بھور تال مسٹس کریں۔

 $^{-2}$ متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔ $^{-2}$ کی $^{-2}$ کی متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔ $^{-2}$ کی مخصوص $^{-2}$ دورانیہ کے آغن ارمسیں پہنے کی زادی میں جمعی رفت ارکیا ہے $^{-2}$ (ا) اسس $^{-2}$ کی مخصوص $^{-2}$ (با) مسل $^{-2}$ اور اپنے کے آغن اور کی میں پہنے کی زادی میں بہتے گئی دیر حسر کت میں رہا؟

سوال اے ہم: روجہم ، جن کی انفسرادی کیت 6.20 kg ہے، بلاکیت دھاگے ہے آپ مسین باندھے گئے ہیں (شکل مسال اے ہم: من کی انفسرادی کیت و ایس مسین باندھے گئے ہیں (شکل 50.10)۔ دھاگہ مصدری جود کے حب ر تقتیل ہے گزر تا ہے۔ حب ر تقتیل پر دھاگہ تھا۔ نہیں؛ جم نہیں حبات آیا میں زاور جم کے نی رگڑ ہے یا نہیں؛ حب ر تقتیل کادھ سرا بلار گڑ ہے۔ کار حسال کی حسال کی مسال کی حسال کی مسال ک

hoop

اب ۲۰ گھماو

 T_1 اور (و) دھاگے کا تناو T_2 کے اسراغ کی تناو T_2 کے این جاتوں کا کہنا ہوں جاتوں کی میں کا تناو کی کا تناو کا تناو کی کا تناو کا تناو کا تناو کا تناو کا کا تناو کی کا تناو کا تناو کا تناو کا تناو کی کا تناو کا ت

سوال ۲۲.۳: پہتلی سلاخ، جس کی کمیت 6.40 اور لمب بی م اللہ 1.20 سے دونوں سرپر 1.06 kg کا گیت د نفس سرپر 1.06 kg کا گیت د نفس سے کیا جہاتا ہے۔ سلاخ کے مسر کزپر واقع انتصابی کورپر سلاخ افقی مستوی مسیں گھوم سکتی ہے۔ کی مخصوص لیم پر اسلاخ 39.0 سیس سے در کر تی آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب کی آہمیۃ کوخ میں کر گار کی ایک ان کا ان کا کا کہ میں کتاب کی تو سے مسروز مستقل تصور کریں۔ (ا) زادی اسراع، (ب) آہمیۃ کن قوت مسروز مستقل توانائی کی قدر، اور (د) ان 32.0 میں حیکر کی تعداد تلاسش کریں۔ (ہ) اسٹر من کریں آہمیۃ کن قوت مسروز مستقل نہیں۔ کیا جب زور دمسزیر معلومات و یہ بغیر معلوم کے جاسکتے ہیں؟ جو معلوم کی حساستے ہیں؟ جو معلوم کی جب سکتے ہیں؟ جو معلوم کی جب سکتے ہیں؟ جو معلوم کی کا بات کی تیمتیں کیاوں گی؟

سوال ۲۰۰۳: ہمینی کاپٹر کے کیساں پُر کی لمب بنی 7.8 m اور کیسے 110 kg ہے، اور ایک و سابلہ اسس کو مدور دوسرے کے ساتھ جوڑتا ہے۔ (۱)جب مدور 320 حیکر فی منٹ ہے گھومتا ہے (جواسس کی پوری رفتار ہے)، وت بلے پر دھسرے کی قوت کی و تدر کیا ہوگا؟ (اک ارف ارف اسس ساب کے لئے پُر کو کمسیتی نقط تصور کیا جب باسکتا ہے جو پُر کے مسرکز کیست پر واقع ہو کیوں؟) (ب) سکن صالت سے 6.70 مسیں پوری رفتار تک پہنچ نے کے لئے مدور پر در کار قوت مسروڑ کیا ہوگی؟ ہوا کی رگز نظر رانداز کریں (اسس صاب مسین پُر کو کمسیتی نقط تصور نہیں کیا جب ساسکتا ہے۔) رخی 320 حیکر فی منٹ تک پہنچ نے کے لئے ور کہا نہیں؟ پہنچ نے کے لئے قور کہا جب سکتا ہے۔) رخی 320 حیکر فی منٹ تک پہنچ نے کے لئے قور کھی جو کہا تھور کیا ہوگی؟

حوال A2. A2. A3. A3. A4. A5. A6. A6. A7. A6. A7. A6. A7. A7. A7. A8. A8. A9. A9.

سوال 20.7: ری پر جیلنے والا شخص اپن امسر کز کمیت ری پر رکھتا ہے۔ لمب اور مجساراڈ نڈ اہاتھ مسیں ہونامدد گار ثابت ہوتا ہے: اگر مسر کز کمیت ری پر گھرا کو مشخص ڈنٹرے کو ہائیں حسر کت دے کر گھساو
آہتہ کر کے سنجلت ہے۔ وسنسرض کریں شخص کی کیت 70.0 kg اور ری پر گھمسے ری جوو 15.0 kg m² ہے۔ ری پر اسس کے زاوی اسسراع کی ت در کمیا ہو گار اسس کا مسرکز کمیت ری سے 5.0 cm واور (ا) اسس کے پاسس ڈنٹر ان ہو اور (ا) اکس کے پاسس ڈنٹر ان ہو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟
(ب) اگر اسس کے پاسس 14.0 kg ڈنٹر ابو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟

t=-لہ ہوال ۲۰.21: اسس پہیا t=0 پر ساکن حسالت ہے آغناز کر کے مستقل زاوی اسسراغ ہے گزر تا ہے۔ لمحہ ورم t=0 پر پہنے کی زاوی سستی رفت اور t=0 بھی ہے۔ اسسراغ t=0 ہے۔ اسسراغ t=0 ہے۔ اسسراغ کے بعد ک

سوال ۷۷.۷: تخت گوم 33 چرنی منٹ کی رفتارے 30 میں بت درج آہتہ ہو کر رکتا ہے۔(۱) اسس کا (منتقل) زاوی اسراع، چکرنی مسرع منٹ میں، تلاشش کریں۔(ب) اسس دورانے میں تخت کتے چکر کاٹت ہے؟

retarding

سوال ۸۷.۷٪: تین L=0.600 سیل کی بیک پیک پیک کار پیشلی سیل خوں سے استوار جسم بنیا گیا ہے ، جولا طبینی حسر و نسب کی سیل کار جسم کار شکل مسیل ہے۔ جسم کا مستوی افقی رکھ کر جسم گل مسیل مستوی افقی رکھ کر جسم گرنے دیا جب سیا تھے۔ جب سے مستوی انتقابی مستوی مستوی انتقابی مستوی مستوی انتقابی مستوی مستوی

سوال 24.4: (ا) و کھائیں کہ کمیت M اور رداسس R کے ٹھوسس بیسان کا وسطی محور پر گھمیسری جود ، اور کمیت M اور رداسس R برن کی کمیت R برداسس R برن کی کمیت R برداسس کمی کور پر گھمیسری جود برابر ہیں۔ R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R معدال گھیسری جود R اور رداسس R ذیل R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R معدال گھیسری جود R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R بربر ہوگا۔

$$k = \sqrt{\frac{I}{M}}$$

معادل گھیے راکار داس k اسس جسم کار دار ہر دوار میں کہا تاہے۔

وال ۸۰. ۳: دائری مسترص $\theta_1=0.0$ مسیں مستقل زاوی اسراع کے ساتھ زاوی معتام $\theta_1=0.0$ rad معتام $\theta_1=0.0$ rad $\theta_1=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ rad $\theta_2=0.0$ rad معتام معتام $\theta_2=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ بالقابل $\theta_2=0.0$

سوال ۸۱.۳: ایک پستلی یک اس سلاخ جس کی لمب بی سال 2.0 m میں سرپر واقع بلار گڑ افتی کسیل پر گھوم سکتی ہے (شکل 53.10)۔ افتی سے $\theta=40^\circ$ اوپرر کھ کر ساکن حسالت سے سلاخ رہا کی حب اتی ہمت ام سے گزرتے وقت سلاخ کی زاوی رفت از تو تا ناکی کی بقت کا اصول استعمال کر کے تلاسش کریں۔

سوال M=500 ہے۔ کہیں ہے۔ وہیا گہ میں M=500 ہے۔ کہیں ہے۔ وہیا گہیں۔ وہیا گہیں۔ وہیا گہیں۔ کہ دھیا گہ کے سروں ہے M=400 ہے۔ $M_1=400$ ہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گھیں ہے۔ کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت وہیں کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ رہا کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ رہا کہیں ہے۔ انہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ کہیں ہے۔ انہیں کہیں ہے۔ کہ

سوال ۸۸٪: وسطی سائسبیریامسیں، جون 30 ۱۹۰۸ کی صبح کے سات نگر چودہ منٹ پر، °61 شمال خط عسر ض بلد اور °10 مشرق خط طول بلد پر، کچھ بلندی پر ایک خون ناک دھاکہ ہوا۔ جو آگ کا شعب اشادہ جو جری دھاک سے پہلے انسان نے کبھی نہیں دیکھا۔ وقوعہ میں ایش میں آیا جس کی بہت سنگر کا وقوعہ میں آباد تاہے۔ ایک انسان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیسٹ مسین آبادہ سے مطابق "آسمان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیسٹ مسین آبادہ سے عنالبًّ m 140 ہوڑے بھری

radiusofgyration

Ferriswheel

Tunguskaevent 60

ا۲۲ پاپ ۲۰ گھماو

سیار حب کے پھننے سے پیدا ہوا۔ (۱) صرف زمسین کا گھسا و مد نظسر رکھتے ہوئے، معساوم کریں کہ سیار حب کتنی دیر بعسہ پہنچنے پر دھاکہ °25 مشرق کے خط طول بلد پر واقع شہب رہلستگل کے اوپر ہوتا۔ ایکی صورت مسیں شہب رکھسل طور پر تباہ ہو حباتا۔ (بیان سے بہنچنے پر دھاکہ بحسر القیانوسس کے بر عکس اگر سیار حب دھیا کہ بحسر القیانوسس مسیں °20 معنسر بے خط طول بلد پر ہوتا؟ (دھاکے سے پیدا سونامی بحسر القیانوسس کے دونوں اطسر اون سالی آبادی تباہ کرتا۔)

موال ۸۵.۸۵: گانے کا گیند افق ہے 20° زاویے پر $60~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-1}$ وختار اور $90~\mathrm{rad}~\mathrm{s}^{-1}$ شرح گھسا وے پھیکا حباتا ہے۔ ہوا کی گھسا نے نظے رانداز کریں۔ بلٹ دین نقطے تک پہنچے تک گینٹ کتنے حپکر کاٹت ہے؟

سوال ۸۱.۷: دودائری چھلوں کامسر کز ایک نقط پر رکھ کر انہیں تین بلا کیت سلاخوں ہے ہم سطی جوڑا حباتا ہے (مشکل 54.10)۔ نظام کے مسرکز پر واقع انتصابی محور کے گرد نظام، جو نی الحسال ساکن ہے، گھوم سکتا ہے۔ چسلوں کی کمیت، اندرونی رداسس، اور ہیسرونی رداسس درج ذیل حب دول مسین چیش ہیں۔ ہیسرونی چسلا کے ہیسرونی کمن ارب پر 8 0.300 کے لئے 12.0 N وزرانے مسین نظام کی زاوی رفت ارمسین تبدیلی کسیا ہوگی؟

بيروني رداسس (m)	اندرونی رداسس (m)	کیت (kg)	چھسلا
0.0450	0.0160	0.120	1
0.1400	0.0900	0.240	2

سوال ۸۰.۸: بلار گزافتی دهسرے پر m 0.20 سرای کی بہیانصب کی حب اتا ہے۔ بلا کمیت دها گا پہیے کے گرد لیسٹ کردھائے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے (مشکل کردھائے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے (مشکل عنظمین کردھائے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے (مشکل 1.00 میلان سطح کے ہمسراہ اینٹ 2.0 m s⁻² اسراع سے نشیبی حسر کت کرتی ہے۔ دھسرے پر پہیے کا گھمیسری جمود کی ہے؟

سوال ۸۸. ۳: ایک پیتلے کروی خول کارداسس 1.90 m ہے۔خول کو 960 N m قوت مسروڑ، کرہ کے مسر کزپر واقع محور کے برواقع محور کے مسر کزپر واقع محور کے برواقع محور کے برواقع محور کے لیے بے؟

اسوال ۸۹. ۳: سائنگل سوار، جس کی کمیت کی کمیت کا کمیت کی پر حپڑھتے ہوئے باری باری سائنگل کے نشیب وار مسرک کرتے پائدان پر اپنی پوری کمیت ڈالت ہے۔ پائدان سے 0.40 قطسر دائرے پر چلتا ہے۔ پائدان کے محور گھساو پر سسائنگل سوار زبادہ سے زبادہ کتنی قوت مسروڑ ڈالت ہے۔

سوال ۹۰.۳: انجن کااٹن پہیا 25.0 rad s⁻¹ زادی رفت ارسے گھومت ہے۔ انجن بسند کرنے پر اٹن پہیا مستقل ششر ہے۔ بستدر سے آہتہ ہوکر 20.0 s مسیں رکتا ہے۔ (۱)اٹن پہیے کازادی اسسراغ، (ب) رکئے تک طے مشدہ زاویہ، اور (ج) رکئے تک کائے گئے حیکر تلامش کریں۔

 بوال ۹۳.۹: دوده یا کمکٹال سے مسرکزے بورج کا فناصلہ $10^4 \times 2.3 \times 10^4$ نوری سل ہے۔ کہکٹال کے مسرکز کے گرد بورج $250 \, \mathrm{km \, s^{-1}}$ کے گرد بورج $250 \, \mathrm{km \, s^{-1}}$ کے گرد بورج ایک حسرم کنتے عسرم مسل کرتا ہے ؟ (ب) بورج کی پیدائش سے اب تک، بورج کتنے حیکر کاٹ چکا ہے۔ بورج کی پیدائش کو 4.5×10^9

سوال ۹۳. ۳: بلار گرافقی محور پر رواسس 0.20 m کاپہپانسے ہے۔ محور پر پہیے کا گھیسری ہموو 0.050 kg m² ہے۔ پہیے کے گرد لیج دھائے کے سسرے 2.0 kg اینٹ بند ھی ہے جو بلار گرافتی سطح پر حسر کست کر سنتی ہے۔ اگر اینٹ پر میں 1.00 میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی اور کی میں دکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی ہوگی؟ دھاگہ میں پر پھیلتا نہیں ہے۔

سوال ۱۹۹۳: ایک ہوائی جہاز کا، جو زمسین کے لیے ظرے $480~{\rm km}~{\rm h}^{-1}$ کے پرواز کر رہا ہے، پہنکھا 2000 حپکر ٹی منٹ سے گھوم رہا ہے۔ (۱) ہوا باز اور (ب) زمسین پر کھٹڑے شخص کے نقطہ نظسر سے رداسس $1.50~{\rm m}$ پہنکھے کے پُر کا سسکے منٹ سے گھی رفت ارب خطی رفت ارب حسر کرت کر تاہے۔ جہاز کی سستی رفت اربور پہنکھے کادھے۔ رامتوازی ہیں۔

سوال ۹۵ بری: تین کمیتوں کو بلا کمیت سانوں سے جوڑ کر استوار جم بنایا گیا ہے (مشکل 57.10)۔ جم کو نقطہ P پرواقع، جم کی سطح کو عصود کی، گور پر گھسانا مقصود ہے۔ اگر $b=50~\mathrm{cm}$ ، اور $a=30~\mathrm{cm}$ ، $b=50~\mathrm{cm}$ ، اور $b=50~\mathrm{cm}$ کو سالت ہے جم کو گرا موگا بھی میں مقتل کے گئت کام در کار ہوگا ؟

سوال ۹۹. ۳: مشروب کے ڈیے مسیں گنجی کا شعول مشروبات کی صنعت مسین ایک بڑا اسدم محتا۔ ڈیے کے بالا سسر مسین وسطی مت لے پر کئجی کا سب سے مسین وسطی مت لے پر کئجی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کئی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کمسنزور کردہ مصے کو بنچے دباتی ہو ہے۔ اگر آپ 10 N قوت سے کئجی اوپر کھینچین، کمسنزور کردہ مصے پر کئتی قوت عمسل کرتی ہے؟ (مشروب کاڈب لے کراسس عمسل پر غور کرنا ہوگا۔)

سوال ۹۷.۹۰: جہاز کا پر مشکل 58.10 میں پیش ہے، جو نقطہ B پر واقع انتصابی محور کے گرو 2000 حپکرنی منہ ہے B منسل کے گومت ہے۔ نقطہ B اور محور سے پر کا دور ترین نقطہ ہے، رداسس B منسل کی ورت سے گومت ہے۔ رداس میں ویسند ق B مسر کز مائل اسراع کی ویسد رمسیں ویسند ق B کتنا ہوگا؟ (ب بالمقابل ردای ویسا صلے کی ترسیم کھنچیں۔

موال ۹۹. ۳: بلار گڑافتی محور پر، شکل 59.10 مسیں پیش نظام استعال کرے ، $30~{\rm kg}$ کاڑ ب اٹھایا جاتا ہے۔ بیسرونی رواسس $R=0.50~{\rm m}$ براگو ہے کہ کارداسس $R=0.50~{\rm m}$ براگو کے دواسس $R=0.50~{\rm m}$ کرنے ہے ڈسی کی متدر کے استراع ہے اوپر اٹھتا ہے۔ محور پر نظام کا گھمیسری جود کیا ہے ؟

موال 99.9: بلا کمیت سال نی جس کی لمب نی سال میں ہوائی ہے۔ سے ایک سے پر 1.30 kg گیند نصب ہے۔ سال نی کے دوسرے سرپر نظام افتی دائرے مسیں 5010 حیکر فی منٹ رفت ارسے گھومت ہے۔ (۱) محور گھساو پر نظام کو کا گھسیری جمود تلاسٹ کریں۔ (ب) گھساو کے محت الف رخ، گیند پر ہوائی گھساٹ N^{-2} N مستقل رفت ارسے گھومت رکھنے کے لئے کتنی تو ہے۔ مسروڑ درکار ہوگی؟

MilkyWaygalaxy hub 2

۱۲۸

سوال ۱۰۱۱، جبر تقتیل ہے، اور A عملیا حباتا ہے (شکل 10.10)۔ حبر تقتیل A (رداسس 15 cm) اور حبر تقتیل محسر کے حبر تقتیل ہے، اور A المام A کوہت ہے۔ حبر تقتیل A (رداسس 10 cm) اور حبر تقتیل A کوہٹ A کارداسس 25 اور حبر تقتیل A کوہٹ A کوہٹ A کارداسس 25 cm) اور حبر تقتیل A کوہٹ A کوہٹ A کارداسس کے خلی رفت از، (ب) کوہٹ A کارداسس کے کارداسس کے کارداشت کی خلی رفت از، (دراسس کے کاردی رفت از، (دراست کارداشت کی کاردی رفت از، (دراست کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی ک

 $L=:M=1.6\,\mathrm{kg}$ سوال ۱۰۲:۲۰: تین گیند کو تین سلاخ ملاکر استوار جم دیتے ہیں (شکل 62.10)، جہاں P=0 برواقع جم کی سطح کو P=0 میں P=0 برواقع جم کی سطح کو عصودی اور جم کے مستوی مسیں پائی حب نے والی محور پر جم کی سطح کو عصودی اور جم کے مستوی مسیں پائی حب نے والی محور پر جم کی گھیسیدی حسر کی توانائی اسس صور سے مسیں تلاسش کریں جب محملی کا زاوی رفت از P=0 ہو۔

سوال ۱۰۳: نقط A پر موجود افقی محور کے گرد (A B A کیت اور A A A بی) پتیلی یک ان سلاخ آزاد ان گومتی ہے (63.10 A نقط A کی انقط A کی انقط کے سرے A وقت سان A وقت سان A کی انقصابی معتام سے گزر رہی مجود کیا ہے؟ (ب) سلاخ کے سرکا گا گھیں کی جود کیا ہے؟ (ب) سلاخ کے سرکا کی (فطی) رفت اراس وقت کیا ہوگی جب سلاخ انتقابی معتام سے گزر رہی ہو؟ (ج) اوپر حباتے ہوئے سلاخ کس زاویہ A پر لحماتی رکتی ہو؟ (ج) اوپر حباتے ہوئے سلاخ کس زاویہ A پر لحماتی رکتی ہو؟ (ج)

سوال ۱۰۴٪: حیار ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کیے ہے۔ 0.20 kg ہے، چو کور کے کونوں پر رکھ حب حباتا ہے۔ چو کور کا اضاراع کی انفٹ رادی کہ بن کی انفٹ رادی کی لیست سازقوں ہے جو ڑا حباتا ہے۔ استوار جم انفٹ بی مستوی مسیں افتی محور A کے گرد گھوم مکتا ہے۔ A ایک ذروں کو بلا کمیت مسر کزے گزرتی ہے۔ سلاخ A افتی رکھ کر جم کو سائن حساس سے رہائے کے مسر کزے گزرتی ہے۔ سلاخ A انتفائی معتام ہے جول کر گزرتی ہے، A کر جم کی زاوی رفت ارکسا ہوگا وہ جم کی زاوی رفت ارکسا ہوگا ؟

سوال ۱۰۵ میں جیتا کو 114 km h⁻¹ کی حسرت کن رفت ارپر دوڑتا دیک گیا ہے۔ منسر ض کریں آپ چیتا کے ہمسراہ گاڑی مسیں جیتا ہوئے چیتا کی رفت ارجب نے کے لئے رفت ارپیب پر نظسر ڈالتے ہیں جو 114 km h⁻¹ دیت ہے۔ آپ گاڑی کو چیتا ہے مستقل طور پر 8.0 سور کھتے ہیں، تاہم چیتا گاڑی کے ڈرے مسلسل دور پختے ہوئے m 92 ردائی راہ پر دوڑتا ہے۔ یوں آپ m 100 ردائس کے دائرے پر گاڑی حیاتے ہیں۔ (ا) دائرے راہ پر جیلتے ہوئے آپ کی اور چیتا کی زاوی رفت ارکسیا ہے؟ (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے اس راہ پر چیتا کی دفت ارکسیا ہوگا ? (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے کہتے چیتا کی رفت ارکسیا ہوگا ۔ بھو کا برف ہوگا۔ بھو گاڑی اور ختا کی رفت اراتی زیادہ

بت ائی گئی۔)

سوال ۱۰۷.۳: ایک حبر تقیل، جس کا قطب میں 8.0 cm ہے، کے گرو m 5.6 ڈور کسیٹی جباتی ہے۔ ساکن حبالت کے آئوں اللہ ۱۰۶ کا معتقل اسراع دیا جباتا ہے۔ (۱) ڈور مکسل اترنے تک حبر تقیل کتنا زاویہ طے کرتا ہے، اور (ب) ایب کتنی دیر مسین ہوگا؟

سوال ۱۰۸٪ گراموفون کی محتالی 33½ حپکرنی منسے سے گھسائی حباتی ہے۔(۱)اسس کی زاوی رفت اریڈیئن فی سسینڈ مسیں کسیاہو گی؟ محتالی کے محور گھساوے (ب) تا 15 دور (ج) 7.4 cm ردای مناصلے پر نقطے کی خطی رفت ارکسیاہو گی؟

باب ۵

لڑھکاو، قوت مسروڑ، اور زاوی معیار حسر کت

ا. ۵ متقیم حسر ک<u> اور گلم</u>اوم سل کر لژه کاو دیتے ہیں

مقاصد

ا سے بھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا. حبان یائیں گے کہ لڑھکاو حن الص متنقیم حسر کے اور حن الص گھم او کامحب وعہ ہے۔

۲. ہموار لڑھکاومسیں مسر کز کمیت کی رفت اراور جسم کی زاوی رفت ارکا تعساق استعال کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• رداسس R کے پہیا کے لئے جو ہموار سطح پر لڑھک رہا ہو ذیل ہو گا:

 $v_{\underline{}} = \omega R$

جبال مرزئيس و پہيے كے مسركز كميت كى خطى دفت اراور س پہيے كے وسط پر پہيے كى زاوى دفت ارب

• پہیے کو نقطہ P کے گرد، جو "فسرسش" کے ساتھ مسس ہے، لمحاتی گھومت تصور کیا حبا سکتا ہے۔ مسر کز کمیت کے گرداور اسس نقطہ کے گرد جم کی زاوی رفت اربر ابر ہے۔

طبعیات کیاہے؟

جیب باب ہم مسین ذکر کب گیب، گھماو کا مطالعہ طبیعیات مسین شامسل ہے۔ عنالبًا، اسس مطالعے کا اہم ترین اطباق پیچ اور پیچ نسااجسام کالڑھکاوہے۔ یہ اطباقی طبیعیات بہت عسرصہ سے استعمال مسین ہے۔ دستہ یم زمانے مسیں ہواری اجب م لٹھ پر لڑھ کاتے ہوئے ایک جگہ ہے دوسسری جگہ منتقبل کیے حب تے تھے۔ آج کل ہم گاڑی مسین سامان رکھ کرایک جگہ ہے دوسسری جگہ لڑھ کاتے ہیں۔

لڑھکاو کی طبیعیات اور انجلیٹ مزی اتنی پرانی ہے کہ اسس مسیں نے تصور مسکن نظر رنہ میں آتے۔ تاہم، میں وار تحقیر 'زیادہ پرانا نہیں۔ ہماراکام برہاں لڑھکاو کی حسر کرے کو سادہ ب ناہے۔

ستقیم حسر کت اور گھساوے مسل کر لڑھکاو دیتے ہیں ا

سطح پر ہمواری سے لا محت اجسام پر بہب ان خور کسیا حبائے گا؛ یعنی جہم بغیب اچھلے یا پھیلے سطح پر حسر کت کر تاہے، چکاپر نقطہ مسین ہموار لڑھکاہ کی پیچیپ گی د کھائی گئی ہے: اگر حیب جہم کامسر کز کیسے سیدھی کسیسر پر حسر کر تاہے، چکاپر نقطہ یقسینا ایس نہیں کرتا۔ بہسر حسال اسس حسر کرتے کو مسر کز کیسے کی مستقیم حسر کت اور باقی جہم کا، اسس مسر کز پر، گھساو تصور کسی حب سکتاہے۔

اے سیجھنے کے لئے، و نسر ض کریں آپ سٹر کے کن اربے کھٹڑے ہو کر، گزرتے ہوئے سائکل کے پہیے کا مطالعہ کرتے ہیں (شکل 1.31)۔ جیسا شکل مسیں و کھسایا گیا ہے، پہیے کا مسر کز کمیت O مشقل رفت اربی ہے ہو کہ آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور کی بیٹے رہت ہے۔ یوں P بمیث P کھیک نیٹے رہت ہے۔

و مستی دورانی t کے دوران، t اور t دونوں مناصلہ t کے کرتے ہیں۔ سائکل سوار کے نقطہ نظسرے، پہیازاوی t کے آعنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے آعنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے آغنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے انعمال دی ہے: t اور زاویہ t کا نعمال دی ہے:

$$(\Delta.1) s = \theta R$$

جہاں R پہیے کارداس ہے۔ پہیے کے مسر کز (یکساں پہیے کا مسر کز کیہ۔) کی فطی رفت ار مسر کز کیہ۔ کا مستقل رکھتے ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت حبان کتے ہیں۔ پہیے کے مسر کز پر پہیے کی زاو کی رفت ار طی اوال کا مستقل رکھتے ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت کے ساتھ تفسر ق ذیل دیگا۔

$$v_{\underline{}} = \omega R \qquad (2.7)$$

دونون کا ملاہ۔ شکل 4.11 مسیں دکھایا گیا ہے کہ پہنے کی لڑھکنی حسر کت اور حنائیں مستقیم حسر کت اور حنائیں گھیسری حسر کت پیش کرتی ہے (جس مسیں مسرکز گھیسری حسر کت پیش کرتی ہے (جس مسیں مسرکز پر ، زاوی رفت اور س) سے گھومت ہے۔ (ایسی حسرکت پر محور گھیسا و س) کن تصور کیا جا تا ہے): پہنے کا ہر نقطے ، مسرکز پر ، زاوی رفت اور سے گھومت ہے۔ (ایسی حسرکت پر علی است مسین غور کیا گیا ہے کہ باہری کسنارے (چکا) پر ہر نقطے کی خطی رفت اور سے برائی سے کا ہر کا کہ میں دنائیں حسرکت پیش ہے (جس مسین تصور کیا جا تا ہے کہ پہنے گھر خور کت کے تاہے۔ نقطے میں دنائیں حسرکت کرتا ہے۔

شکل 4a.11 اور شکل 4b.11 مسل کر، شکل 4c.11 مسیں پیش، پہیے کی اصل لڑھکی حسر کت دی ہیں۔ حسر کات کے ملاپ مسیں پہیے کا افغان مسیر پہیے کا بالانقط ہے زیادہ سین مسیر کئی دو سرے نقط ہے زیادہ سین ان مسیر کئی کی دو سرے نقط ہے بیاں مسیر کرتا ہے۔ شکل 5.11 مسیر ان نتائج کا اشباتی مظاہرہ کیا گیا ہے، جہال سے کی کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ آپ دکھ کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ سرکت کرتا ہے۔ آپ دکھ کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ سرکت کرتا ہے۔ ہیں کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔

سطح پر دائری جمم کی ہموار لڑھکنی حسر کے و، مشکل 4a.11 اور مشکل 4b.11 کی طسرح، منالص گھمیسری حسر کے اور منالص مستقیم حسر کے مسین علیحہ و علیحہ و کسیاحہا ساتا ہے۔

لڑھكاوبطور حنالص گھپاو

شکل 6.11 مسیں پہیے کا لڑھکاو نے انداز مسیں پیش کیا گیا ہے؛ جس نقطے پر پہیا سڑک مس کرتا ہے، "سڑک "کے اس نقطے کے گزرتی محور پر پہیا گھومت ہے؛ یہ محور سرکت مسیں ہوگا۔ ہم لڑھکاو کو، شکل 4c.11 مسیں نقط ہے گزرتی، پہیے کو عبود دار، محور پر حن لقی گھیاو تصور کرتے ہیں۔ یوں مسکل 6.11 مسیں سمتیا ہے، لڑھکاو کو، شکل 4c.11 مسیں سمتیا ہے، لڑھکای کے ان مسی رفتول کی کھیاتی مسی رفت اردیے ہیں۔

سوال اس محرر پر سائکل کے لڑھکنی پہیے کو کسیازادی رفت ارمخص کرے گا؟

جواہے: وہی زادی رفتار س جو سائکل سوار مسرکز کمیت کے گرد منالص گھماد کامث اہدہ کرتے ہوئے پہیے کو مختص کرتا ہے۔

اسس جواب کی تصدیق کرنے کی حناطسر، ہم ساکن مشاہدہ کارے نقطہ نظسرے لڑھکتی پہیے کے منسراز کی خطی رفتار تلاسٹس کرتے ہیں۔ پہیے کارداسس R لیستے ہوئے، پہیے کا فنسراز سشکل 6.11مسیں P پرواقع محورسے 2R و مناصلے پر ہوگا،لہندا ونسراز کی خطی رفتار (مساوات ۱۵۰۲ستعال کرکے) ذیل ہوگی:

$$v_{\scriptscriptstyle{\mathcal{I}}}$$
نـران = $(\omega)(2R)=2(\omega R)=2v$

جو شکل 4c.11 کے عسین مطبابق ہے۔ آپ مشکل 4c.11 مسیں پیش، نقطہ O اور P کی، خطی رفت ارکی تعسدیق بھی اسس طسرح کر سکتے ہیں۔

آزمائشس

ایک سائنگل کے پچھلے پہیے کارداسس اگلے پہیے کے رداسس کادگٹ ہے۔(۱) کسیا جیلنے کے دوران بڑے پہیے کے منسراز کی قطی رفت ارچھوٹے پہیے کے منسراز کی قطمی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس کے برابر ہے ؟(ب) کسیا پچھلے پہیے کی زاوی رفت اراگلے پہیے کی زاوی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، مادونوں برابر ہیں؟

timeexposure'

الرهاو كي قوتين اور حسر كي توانائي

مقاصد

ا مس ھے کو پڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے ت!بل ہوں گے۔

ا. مسرکز کیہ کی مستقیم حسر کی توانائی اور مسرکز کیہ ہے گرد گھمیسری حسر کی توانائی کامحبموعہ حساس کر کے جمع کی حسر کی توانائی معلوم کریائیں گے۔

- ۲. ہمواری کے ساتھ لڑھکنی جسم کی حسر کی توانائی مسیں تب یلی اور جسم پر سسرانحب م کام کا تعساق استعال کریائیں گے۔
- ۳. ہموار لڑھکاو (اہنے ابغیب میسلن) کے لئے، میکانی توانائی کی بقب استعال کر کے ابت دائی توانائی کی قیتوں اور اختتامی توانائی کی قیتوں کا تعسلق حیان یائیں گے۔

كليدي تصورات

• ہموارلڑھکنی پہیے کی حسر کی توانائی ذیل ہے،

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv\underline{\qquad}\omega^2$$

جباں مسر کز کیت پر جم کا گھمیسری جمود مرزئین I اور پیے کی کیت M ہے۔

$$a_{\underline{},\chi_{\lambda}} = \alpha R$$

• اگر θ زاویہ کے میلان پر پہیا ہمواری کے ساتھ اترتے ہوئے لڑھکتا ہو، اسس کا اسسراع، میلان کے ہمسراہ اوپر رخ محور x پر، ذیل ہوگا۔

$$a_{\underline{\hspace{1cm}}} = -\frac{g \sin \theta}{1 + I_{\underline{\hspace{1cm}}} / MR^2}$$

لڑھکاو کی حسر کی توانائی

آئیں س کن مث مبدہ کار کے نقط۔ نظسرے لڑھکتی پہیے کی حسر کی توانائی معسلوم کریں۔اگر ہم شکل 6.11 مسیں نقطہ P سے گزر تی محور پر لڑھکاو کو حت الص گھب و تصور کریں، تب مساوات ۴۳،۳۴ میل دیگی،

$$(a,r) K = \frac{1}{2}I_P\omega^2$$

جہاں P پر واقع محور کے گرد پہیے کا گھسیسری جمود I_P اور پہیے کی زاد کی رفت ادس سے۔مساوات ۳۳۰ کے مسئلہ متوازی محور I = I سئلہ متوازی محور I = I سئلہ متوازی محور I = I

$$I_P = I_{\underline{\hspace{1cm}}} + MR^2$$

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}MR^2\omega^2$$

 $\frac{1}{2}I_{-v}$ وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے گزرتی محور پر پہنے کے لڑھکاوے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے وابستہ حسر کی توانائی تصور کیا ہے وابستہ حسر کی توانائی تصور کیا ہے وابستہ حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ تصور کیا ہے۔ (شکل 41.11) ور خیک و بیان کی مستقیم حسر کا ہے۔ تصور کیا ہے۔

ر المان ا

لڑھکاو کی قوتیں

ر گڑاور لڑھکاو

$$(a.4) a_{\underline{}} = \alpha R (a.4)$$

 $\vec{f_k}$ جب پہنے پر عمسل پسیراص فی قوت کی بدولت پہنا پھلے ، تب مشکل 3.11 مسیں P پر حسر کی رگڑی قوت معمسل کرے گی اور مساوات P کا اطلاق نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا و نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا نہیں کی حبائے گی۔

شکل 7.11 مسیں، افقی سطح پر دائیں رخ لڑھکتے ہوئے، سائکل معتابلے کے آغناز کی طسر ن، پہیازیادہ شینز گھسایا حباتا ہے۔ ذیادہ شینز گھسادہ کی بدولت P پر پہیا پھیل کر ہائیں حبانا حباہتا ہے۔ نقطہ P پر دائیں رخ رگڑی قوت اسس رجحان کا معتابلہ کرتی ہے۔ اگر پہیا پھیلے نہیں، سیہ قوت سکونی رگڑی قوت آج ہوگی (جیباد کھسایا گسیا ہے)، حسر کت ہموار لڑھا دہوگا دہوگی، اور مساوات ۵.۱ کا اطباق ہوگا۔ (رگڑی غیبر موجودگی مسین سائیل معتابلہ مسکن نہیں ہوگا۔)

اگر مشکل 7.11 مسیں پہیا آہتہ کیا جبائے، ہمیں مشکل دو طسرح تبدیل کرنی ہو گی: مسر کز کیت کے اسراع میں جبائی رخ ہوگا۔ میں کرنے اور نقطہ \vec{d} پر کڑی توت کے کارخ اب بائیں رخ ہوگا۔

ميلان سے پنچے لڑھكاو

شکل 8.11 مسیں گول یک ان جم ، جس کی کمیت M اور رداسس R ہے ، زاویہ θ کے میلان پر ہمواری ہے ، محور X کے ہمسراہ ، نیچے گڑھ کے رہا ہے ۔ ہم میلان کے ہمسراہ اواترائی کے رخ جم کے اسراغ $X_{n, \dots, k', 2 \dots \dots, k'}$ کاریاضی فعصرہ تلاشش کرنا چیا ہے ہیں۔ نیوٹن کے وت نون دوم کی خطی صور سے (Rather) اور زاوی صور سے بین سے بین مورست دونوں استعال کر کے ایس کرتے ہیں۔ استعال کر کے ایس کرتے ہیں۔

جسم پر قوتوں کاحن کہ بہنانے سے آغناز کرتے ہیں (مشکل 8.11)۔

ا. جہم پر تحباذ بی قوت \vec{F}_g نشیب وار ہے۔ اسس سمتیہ کی دم جسم کے مسر کز کمیت پر رکھی حباتی ہے۔ میلان کے ہمسراہ حب رابر ہوگا۔ حب زو $Mg\sin\theta$ کے برابر ہوگا۔

س. نقط ہمس P پر عمس پسیرا سکونی رگڑی قوت \vec{f}_s مسلان کے ہمسراہ حسڑھ انی کے رخ ہے۔ (کمی آپ ست سکتے ہیں، کیوں ؟اگر P پر جمع پھیلے ،وہ اترانی کے رخ پھیلے گا۔ یوں محسالف رگڑی قوت حس ٹرھ ان کے رخ ہوگا۔)

-1 کھتے ہیں۔ $(F_{3}$ مسیں گور $x = ma_{x})$ مسیراہ احب زاء کے لئے نیوٹن کانت نون دوم

$$(\delta.2) f_s - Mg\sin\theta = Ma_{i - x}$$

اسس مساوات مسیں دونامعلوم متغیرات، f_s اور $a_{i, -\infty}$ ، پائے حباتے ہیں۔ (ہم f_s کی قیمت، رگڑی توت کی زیادہ سے زیادہ تینسب بہترہ کے منسرض نہمیں کر سکتے۔ ہم صرف اشت حبائے ہیں کہ رگڑی توت اتن ہے کہ جم پھلات نہمیں اور میلان پر ہمواری سے گڑھکت ااتر تاہے۔)

ہم اب جہم کے مسرکز کیت پر جہم کے گھماو پر نیوٹن کے وتانون دوم کا اطلاق کرتے ہیں۔ پہلے، مساوات اہم. τ استعال کرکے مسرکز کمیت کے لحاظ ہے جہم پر قوت مسروڑ لکھتے ہیں۔ رگڑی قوت \bar{f}_s کے معیار اثر کا بازو T ہے، اہلہٰذااسس کی قوت مسروڑ T ہوگی، جو اسس لئے مثبت ہے کہ شکل T استعال کی قوت مسروڑ T ہوگی، جو اسس لئے مثبت ہے کہ شکل T اللہٰذا اسس کی قوت مسروڑ کے T ہوگی، جو اسس کے مثبت ہے کہ شکل T اللہٰذا اللہٰ کی قوت مسروڑ کے T ہوگی، جو اسس کے مثبت ہے کہ شکل T اللہٰذا اللہٰذا اللہٰذا اللہٰذا اللہٰذا کہ کی مصرور کی جو کہ میں ہوگی، جو اسس کے مثبت ہے کہ شکل T اللہٰذا اللہٰذا

گھٹڑی گھٹنے کی کو سشش کرتی ہے۔ مسر کز کیت کے لحاظ سے قوت \vec{F}_{g} اور \vec{F}_{N} کے معیار اثر بازو صف میں، اہلہٰ ذا ان کی قوت مسر وڑ صف میں گھٹ ہوں گی۔ جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر نیوٹن کا متانون دوم زاوی روپ $(\pi_{ij} = I\alpha)$ مسین کھتے ہیں۔

$$Rf_s = I_{\underline{\hspace{1cm}}} \alpha$$

اس مساوات مسیں دونامعساوم متغیرات، f_s اور lpha ، پائے حباتے ہیں۔

 α اور α

مساوات 3.2مسیں $f_{\rm S}$ کی جگہ مساوات 6.8کادایاں ہاتھ ڈال کر ذیل ملت ہے۔

اسس مساوات کو استعال کر کے ، افق کے ساتھ زاویہ θ کے میلان پر کے ہمسراہ لڑھکتے جم کا خطی اسراع a رہے ہوئے ہوئے۔ a

یادر ہے، تحباذ بی قوت جم کو میلان پر اترنے پر محببور کرتی ہے، تاہم جم کو گھو منے اور یوں لڑھکنے پر رگڑی قوت محببور کرتی ہے۔ اگر آپ رگڑی قوت جم کو میلان کو تیارہ کر دیں، ہموار لڑھکا و اگر آپ رگڑ حنارج کر دیں (مشلأ، میلان کو تیار کے گئے ہیں کہ میلان پر پھسل کر اترے گا۔ حنارج ہو حبائے گاور جم لڑھکنے کی بحبائے میلان پر پھسل کر اترے گا۔

آزمائشس۲

وت رص A اور B ایک جیسے ہیں اور و سنر سٹس پر ایک جتنی رفت ارے لڑھکتے ہیں۔ و سیر ص A کے سامنے میلان آتا ہے جس پر یہ زیادہ ہے زیادہ A تک پہنچتا ہے۔ و سیر ص B متمن ش ، لیکن بلار گڑ، میلان پر حب ڑھت ہے۔ کیا A ہے زیادہ کم بیا سس کے برابر بلندی تک B پنچ گا؟

نمونی سوال ۱۵۰۱ کیک گیت $M=6.00\,\mathrm{kg}$ اور دواسس R ہے، زاویہ $\theta=30.0^\circ$ میلان کے نبونی سوال اور داست کی کیا تا ہے۔ سالت سے آعن از کر کے، ہموار کڑھک تا تا ہے (مشکل 8.11)۔

(۱) انتصابی $h=1.20\,\mathrm{m}$ نیخت کر گینند کی دفت ارکسی ہوگی؟

كلسدى تصورات

چونکہ صرف تحباذبی قوت، جوبقبائی قوت ہے، گینند پر کام سسرانحبام دیتی ہے، البندامیلان پر الڑھک کر اترنے کے دوران گیند وزمسین نظام کی میکانی توانائی E کی بقسا ہوگی۔ میلان سے گینند پر عسود دار قوت گینند کی راہ کو عسود کی ہونے کو دوران گینند کی کام سسرانحبام نہیں دیتی۔ گینند کھلتا نہیں (ہموار لڑھکتا ہے) البندار گڑی قوت کوئی توانائی حسری توانائی مسین تبدیلی نہیں کرتی۔

 $E_f=E_i$ يوں ميكانى توانائى كى بقت ہوگى

$$(\mathbf{a}.\mathbf{II}) K_f + U_f = K_i + U_i$$

جباں زیر نوشت f اور i بالت رتیب (زمسین پر پنج کی) افتای اور (ب کن حیالت) ابت دائی قیمتیں ظاہر کرتی $U_f = 0$ بیار تخی توانائی کی ابت دائی قیمت $U_i = Mgh$ جبال M گیند کی کمیت ہے) اور افتای قیمت رک قیب نیس کی کمیت ہے) اور افتای قیمت کے افتای حسر کی توانائی حسا ہے۔ ابت دائی حسر کی توانائی میں مستقیم اور گھیری حبزو مشامل ہوں گے ، جنہیں شامل کرنے کے لئے مساوات U_i کے کادالیاں باتھ استعال کرتے ہیں۔ U_i کادالیاں باتھ استعال کرتے ہیں۔

حماء: ماوات ١١٥مسين دالخ سے زيل ماصل موگا:

(a.ir)
$$(\frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2) + 0 = 0 + Mgh$$

جباں گیٹ دے مسر کز کمیت ہے گزر تی محور پر گیٹ د کا گھیسری جمود _{سر کز کیس} I ، زمسین پر پکتی کر گیٹ د کی رفت ار (جو ہم تلاسٹس کرناحپاہتے ہیں) _{سر کرکیس} تا ،اور زمسین پر پہنچ کرزاوی رفت ادس

چونکہ گیند ہموار لڑھکتا ہے، ہم مساوات ۱۵.۲ ستعال کر کے ω کی جگہ R سے میں نامعسلوم متغیرات کی تعبداد کم کر سکتے ہیں۔ ایب کر کے، اور حبدول 2f.10 سے میں نامعسلوم متغیرات کی جگہ I کی جگہ وال کر سے بری یہ v کے لئے حسل کرنے ہے ذیل حساس ہوگا۔

یادرہے،جواب M اور R پر منحصسر نہیں۔

(ب)ميلان پر لڑھک كراترنے كے دوران كينف پرر گڑى قوت كى تدر اوررخ كسابيں؟

كلب دى تصور

چونکه گین دیموار لڑھکتا ہے، مساوات ۵.۹ گین دیر رگڑی قوت دیگی۔

۳.۵. ژوري دارائو

حماج: مساوات ٩.٥١ ستعال كرنے سے قبل جميں مساوات ١٠٥ سے گين د كااسراع معسلوم كرنا ہوگا۔

$$a_{\underline{\ }}_{x} = -I_{\underline{\ }}_{x} = -\frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}MR^{2} \frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}Ma_{\underline{\ }}_{x}$$

$$= -\frac{2}{5}(6.00 \,\mathrm{kg})(-3.50 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8.40 \,\mathrm{N} \qquad (-1.5)$$

یادرہے ہمیں کمیت M در کار تھی جبکہ رداسس R مہیں تھتا۔ یوں، °30 میان پر 6.00 kg ہموار لڑھکتے گیند پر، گیند کے رداسس سے قطع نظر مر، رگڑی قوت زیادہ ہوگی، تاہم بڑی کمیت کی صورت مسین رگڑی قوت زیادہ ہوگی۔

۵.۳ ڈوری دار لٹو

مقاصداس مے کویڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. دوری پراوپرینی سرکت کرتے **دوری دار لو سکا آز**اد جسسی حن کہ بنایا کس گے۔
- r. حبان یائیں گے کہ ڈوری دار لئو،ایب جسم ہے جو °90 زاویہ میان پر ہموار اوپر نیچے لڑھکتا ہے۔
- س. ڈوری پر اوپر نیچے حسر کت کرتے ڈوری دار لٹو کے اسسراع اور تھمیسری جمود کا تعسلق استعمال کریائیں گے۔
 - ۸. ڈوری پر اوپریا نیجے حسر کے دوران ڈوری داراٹو کی ڈور مسیں شناو تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• دوری دار انوجو دوریر اویریاینیج حسر کت کرتا ہو کو °90 میلان پر ہموار لڑھکت اجسم تصور کیا حب سکتا ہے۔

ڈوری دار لٹو

ڈوری دار لئوکی ایک نئی مسیں ڈور کو دھسرے کے ساتھ سخت باندھنے کے بحبئے ڈور کو دھسرے کے گرد ڈھیلا گھیرا دیا حباتا ہے۔ جب لئو نینچ اترتے ہوئے ڈور کے پیٹ داکو "کراتا" ہے، دھسرے پر ڈور اوپر وار قوت لاگو کر کے لئوکی نشیبی حسرکت روکتی ہے۔ اسس کے بعب لئوصرف گھمیسری حسر کی توانائی کے ساتھ (دھسرا گھیسر مسیں حیکر کاشت ہوا) گھومت ہے۔ لئو ("سوتے ہوئے") حیکر کاشتارہت ہے؛ ڈور کو جھٹکا دینے پر ڈور دھسرے کو پکڑتی ہے، "لئوبیدار ہوتا ہے"، اور اوپر حیبڑھن ششروع کرتا ہے۔ ڈور کے پیٹ داپر لئوکی گھمیسری حسر کی توانائی (اور یوں سونے کا دورانیس) بڑھانے کی حن اطسر لئوکو ساکن حیالت سے رواناکرنے کی بجبائے ابت دائی رفت ال میرزئیست تا اور س) کے ساتھ نشیب وار پھینکا حباتا ہے۔

ڈور پر نشیب وار اترنے کے دوران لئو کا خطی اسسراع _{سر کز کیس} میں میلان پر اتر تے لؤھکتے جہم کی طسرح، نیوٹن کانت نون دوم (خطی اور گھمیسری رویہ مسین) استعال کیا حب سکتا ہے۔ ماسوائے ذیل، تحب نریہ بالکل اس

- ا۔ افق کے ساتھ θ زاویے کے میلان پر اترنے کے بحبائے ڈوری دار لٹوافق کے ساتھ °90 زاویے کی ڈور پر اتر تاہے۔
- r. رداسس R کی بیسرونی سطح پر لڑھکنے کے بحیائے ڈوری دار الور داسس R₀ کے دھسرے پر لڑھکتا ہے (شکل 9a.11)۔
 - س. رگڑی قوت \vec{f}_s کے بحائے، ڈوری دار الٹو کو ڈور کا تناو \vec{T} آہتہ کرتاہے (شکل 9b.11)۔

موجودہ تحب زے بھی مساوات ۱۰ دے گا۔ آئیں مساوات ۱۰ ۵ کی ترقیم تبدیل کرکے اور °90 🔹 🖯 ڈال کر خطی اسسراع ذيل لكھتے ہيں:

(a.ir)
$$a_{\underline{}\underline{}\underline{}}_{5/5} = -\frac{g}{1 + I_{\underline{}\underline{}}_{5/5} / MR_0^2}$$

جہاں لٹوکے مسر کز کمیت پر لٹو کا تھمیسری جمود م_{سر کز کمی} اور کمیت M ہے۔ ڈوری پر اوپر حسِٹر ھنے کے دوران ڈوری دار لٹو كالسسراع يهي نشيبي اسسراع موگا۔

۸.۵ قوی مسروژیر نظسر ثانی

مقاصد اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ قوت مسروڑ ایک سمتیہ معتدارہے۔
- r. حیان مائیں گے کہ جس نقطہ پر قویہ مسروڑ تعسین کساجیائے اسس کاذکر صربحباً کرنالازم ہے۔
- س. ذرے پر عمسل پسپراتوت کی ذرے پر قوت مسروڑ ، اکائی سمتیہ ترقیم یات در وزاوی ترقیم کے رویے مسیں ، ذرے کے تعبین گرسمتیہ اور قویت سمتیہ کے صلیبی ضریب سے حساصل کریائیں گے۔
 - ہ. صلیبی ضرب کادامال ہاتھ ت عبدہ استعمال کرکے قوت مسروڑ کارخ تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• تین ابعباد مسیں، قوت مسروڑ 🛪 ایک سمتیہ مقدار ہو گی، جو کسی مقسررہ نقط، (عسوماً میدا) کے لحیاظ سے تعین کی حیاتی ہے؛اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

جباں $ec{F}$ ذرے پر لاگو قوت اور $ec{ au}$ کسی مقسررہ نقطے کے لحاظ سے ذرے کا تعسین گرسمتیہ ہے،جو ذرے کامعتام دیت ا

• \overline{v} \overline{v} \overline{v} \overline{v} \overline{v} \overline{v} \overline{v} \overline{v}

$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

 F_\perp جبال \vec{F} اور \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو \vec{F} کامعبوردار جبزو F_\perp ، اور \vec{F} کامعیار اثر کابازو

• قوے مسرور ٹر کارخ صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ متاعب دہ دیگا۔

قوی مسروڑ پر نظسر ثانی

باب ۴ مسین مقسررہ محورے گرد گھومنے کے وتابل استوار جم کے لئے قوت مسروڑ ہ کی تعسریف پیشس کی گئی۔ ہم
قوت مسروڑ کی تعسریف کووسعت دے کر (مقسررہ محور کے بحبائے)مقسررہ نقط کے لحیاظ سے کسی بھی راہ پر حسر کت
کرتے ہوئے انفسرادی ذرے کے لئے استعال کرتے ہیں۔ راہ کا دائری ہونا ضروری نہیں، اور ہم قوت مسروڑ کو سمتیہ ہم کہ کھتے ہیں
جس کا رخ بچھ بھی ہو سکتا ہے۔ قوت مسروڑ کی وقت در کلیے سے اور رخ صلیبی ضرب کے دایاں ہاتھ وقت عدہ سے مسال

 \vec{F} مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین قوت، xy عسل کرتی ہے، اور مب دا xy کے لحاظ ہے ذرے کامعتام تعسین گرسمتیہ xy دیت ہے۔ مقسر رہ نقط ہور گئی تعسر پینے ذیل ہے۔ xy کی تعسر پینے دیل ہے۔

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$
 قوت مسرور کی تعسرینی $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$

قوت مسرور ٹ آئی اسس تعسریف مسیں سمتی (صلیبی) خرب کی تحسیب حصہ 3.3 کے قواعہ دے کی حباس تن ہے۔ آئی کارخ حبائے کے لئے، سمتی آئی کو (رخ تبدیل کیے بغیبر) کھرکا کر اسس کی دم مبدا کی پر رکھی حباتی ہے؛ یوں، جیسا
19a.3 مسیں جکھ کے اب ہم شکل 10b.11 مسیں دکھیا گیا ہے، سمتی ضرب کے دونوں سمتیات کی دم ایک نقطے پر ہو گا۔ اب ہم شکل 19a.3 مسیں بیٹ دایاں ہاتھ و تباعد مار سمتال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حبار انگلیاں آئی پر کھ کر (ضرب مسیں بہلاسمتیہ ہے) کے طسر نے بچھاتے ہیں (جو ضرب مسیں دوسراسمتیہ ہے)۔ سیدھ کھٹڑا انگوٹ آئی کارخ دیگا۔ شکل 10b.11 مسیں کی کررخ مور سے کے مشت رخ ہے۔

 $(c=ab\sin\phi)$ کاعب وی نتیجب بروئے کارلاتے ہیں، جوذیل دیگا: $au=rF\sin\phi$ کی متدر حبائے کے لئے، ہم مساوات $au=rF\sin\phi$

جباں \vec{r} اور \vec{F} کے دم ایک نقطے پر رکھ کر سمتیات کے نتی چھوٹا زاویہ ϕ ہے۔ شکل 10b.11 ہے ہم دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات ہا دنل کھی جب سکتی ہے:

$$\tau = rF_{\perp}$$

جہاں F_{\perp} (جو $F\sin\phi$ کے برابر ہے) F کا F کا عصود دار حبز و ہے۔ شکل 10c.11 کو کھے کر مساوات $F\sin\phi$ کھی حب سکتی ہے:

$$\tau = r_{\perp} F$$

جہاں $r\sin\phi$ جہاں ہے۔ $r\sin\phi$ کامعیاراڑ کابازو \vec{F} کی خط عمسل اور \vec{F} کے خط عمسال میں جہاں ہے۔ \vec{F} کامعیاراٹر کابازور \vec{F} کامعیاراٹر کابازور \vec{F} کامعیاراٹر کابازور کا کہنا ہے۔ \vec{F} کامعیاراٹر کابازور کا کہنا ہے۔ \vec{F} کامعیاراٹر کابازور کا کابازور کا کابازور کا کابازور کا کابازور کا کابازور کا کابازور کابازور

ذرے کا تعسین گرسمتیہ نم ، مثبت محور 2 کے ہمسراہ پایا حباتا ہے۔ اگر ذرے پر قوت مسروڑ (۱) صنسر ہو، (ب) محور ٪ کے منفی رخ ہو، اور (ج) محور لا کے منفی رخ ہو، قوت مسروڑ پسیدا کرنے والی قوت کارخ کسیا ہوگا؟

نمونی سوال ۵.۲: قوتے کی بدولتے ذربے پر قوتے مروڑ $2.0 \, \mathrm{Mpc}$ نمونی سوال ۱۱ه.۱۰ میں، نقط A پر ہے، جس کی 11ه.11 میں، نقط A پر ہے، جس کا 11م.11 میں، نقط a ور a

كلب دى تصور

حماج: ہم مبدا O کے لحاظ ہے قوت مسروڑ حبان جہتے ہیں لہذا دیا گیا تعین گر سمتیہ صلیبی خرب میں درکار سمتیہ f ہوگا۔ O ہوگا واحد f ہوگا۔ O ہوگا واحد f ہوگا۔ O ہوگا اور O ہوگا ہوگا ہوں کہ جماعت ہیں کہ ان کی دم O پر ہو۔ انتعال کے بعد قوت O ، اور O ، اور O بالت رتیب شکل 110.11 مشکل ہوں کہ کا نظارہ دی تی ہیں ، دکھائی گئی ہیں (جن مسین سمتیہ قوت اور تعین گر سمتیہ کی تی نظر آتے ہیں)۔ شکل 110.11 مسین O اور O بی نظر O ہوں کہ اور O ہوں کہ نظر کے تی ناویہ آتے ہیں)۔ شکل 110.11 مسین O اور O کی ناویہ O میں عصود دار اندر رخ ہے۔ (صفحہ سے عصود دار نگلنے کی صورت مسین O عملامت استعال کی حبال ہوں ہوتے ہوتے کہ ناویہ کی سامت استعال کی حبال ہے۔ O میں عصود دار اندر رخ ہے۔ (صفحہ سے عصود دار نگلنے کی صورت مسین O عملامت استعال کی حبال ہے۔)

مساوات ۱۵٬۱۵ستعال کر ذیل حساسسل ہو گا۔

$$\tau_1 = rF_1 \sin \phi_1 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 150^\circ) = 3.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$
 $\tau_2 = rF_2 \sin \phi_2 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 120^\circ) = 5.2 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$
 $\tau_3 = rF_3 \sin \phi_3 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 90^\circ) = 6.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$

 ۵.۵ زاوی معیار حسر کت

۵.۵ زاوی معیار حسر کی

قاصد

اس حسہ کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے تباہل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ زاوی معیار حسر کے ایک سمتیہ مقدار ہے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ جس مقسررہ نقطے کے لیاظ سے زاوی معیار حسر کے تعین کیا حبائے اسس کاذکر صریحاً کرنالازم
 ۔ حبان پائیں گے کہ جس مقسررہ نقطے کے لیاظ سے زاوی معیار حسر کے تعین کیا حبائے اسس کاذکر صریحاً کرنالازم
- ۳. اکائی سمتیر ترقیم یافت در وزاوی ترقیم مسین ، ذرے کے تعسین گرسمتیر اور معیار حسر کے سمتیر کاصلیبی ضرب لے کر ذرے کازاوی معیار حسر کے تعسین کریائیں گے۔
 - ۴. صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ تعامدہ استعال کرئے زادی معیار حسر کت کارخ نعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• ایک ذرہ، جس کا خطی معیار حسر کے گئیت m، اور خطی سنتی رفتار \vec{v} ہو، کا مقسر رہ نقطے کے لحاظ سے (جو عسوماً مید ابو گا) زاوی معیار حسر کے \vec{v} کی تعسر یف ذیل سنتی مت دار ہے۔

$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

$$\ell = rmv \sin \phi$$

$$= rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$= r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جبال \vec{r} اور \vec{v} بین،اور مقسرره نقطے سے میں اور \vec{v} کو \vec{v} اور \vec{v} اور مقسرره نقطے سے مبلوط \vec{v} تک عصور دار مناصلہ r_{\perp} ہے۔

• دایاں ہاتھ وت عبدہ ℓ کارخ دیگا: دائیں ہاتھ کی حیاد انگلیاں ℓ کے رخ پر (ابت دائی طور) رکھ کر انہیں گھس کر ℓ کے رخ پر رکھیں۔ دائیں ہاتھ کا سیدھ کھٹر اانگوش ℓ کا رخ دیگا۔

زاوی معیار حسر کت

یاد کریں، خطی معیار حسر کت \vec{p} اور خطی معیار حسر کت کی بقت کا اصول انتہائی طاقت و اوزار ہیں۔ انہیں استعال کر کے نتائج کی، مشاہ دو گاڑیوں کے تصادم کی تفصیل حبانے بغیبر تصادم کی، پیٹیگوئی کی حباسکتی ہے۔ یہاں ہم \vec{p} کے زاوی مدمت اہل پر جعسرہ سشہ دو گاریوں کے تعین جس کا اختتام حصہ 8.11 مسین بقت کی اصول کے مدمت اہل پر ہوگا۔

سنکل 12.11 میں مستوی xy مسیں نقط A ہے کمیت m اور خطی معیار حسر کت \vec{p} (\vec{v}) کاذرہ گزرتا \vec{v} کے کا بازر کا **راوی معیار** حرکت \vec{v} کی سمتیہ متی را رہوگا جس کی تعسر پینے دیل ہے،

(۵.۱۸)
$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$
 (غاوی معیار حسر کت کی تعسرینی)

 \vec{p} جہاں \vec{O} کے لیاظ سے ذرے کا تعسین گر سمتیہ تم ہے۔ مبدا \vec{O} کے لیاظ سے جب ذرہ معیار حسر کست \vec{p} جہاں \vec{O} کی رخ کر تاہے، اسس کا تعسین گر سمتیہ تم مبدا \vec{O} کے گرد گھیسری حسر کست کر تاہے۔ غور کریں، \vec{O} پر اور کا عبدار حسر کست کہ ذرہ خود \vec{O} کے گرد گھومت ہو۔ مساوت \vec{O} اور مساوات \vec{O} مواز سے کرنے سے معیار حسر کست اور خطی معیار حسر کست کا آپس مسیں وہی رشتہ ہے جو قوت مسروڑ کا قوت کے ساتھ ہے۔ بین الاقوای نظیام اکائی معیار حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کی معیاد حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کی معیاد حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کی معیاد حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کے۔

رخے۔ سٹکل 12.11 میں زاوی معیار حسر کت سمتیہ \hat{y} کارخ جب نے کے لئے، ہم سمتیہ \hat{q} کو کھ کا کر کے اس کی دم مبدا O پر رکھتے ہیں۔ اس کے بعد صلیبی ضرب کا دایاں ہاتھ و تاعدہ استعال کر کے انگلیوں کو \hat{q} کے لیسٹے ہیں۔ سیدھ کھٹ ڈاانگوٹٹ \hat{y} کارخ، شکل 12.11میں، محور z کا مثبیت رخ دیت ہے۔ یہ مبتب رخ، محور z پر تعسین گرسمتیہ \hat{q} کے حنالان گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر کرد

قدر۔ زادی معیار حسر کت ℓ کی ت در معسلوم کرنے کے لئے ہم مساوات 27.3 کا عسومی نتیب ذیل لکھتے ہیں:

$$(a.19) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

جہاں تر اور \vec{p} کی دم ایک نقط پرر کھ کر سمتیات کے بی حجونازاوی ϕ ہے۔ شکل 12a.11 دیکھ کر مساوات 1.90 ذیل کھی جب کتھ ہے:

$$(a.r\bullet) \qquad \qquad \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

جبان \vec{r} کو \vec{p} کاعب و درار حبزو p_{\perp} به اور \vec{r} کو \vec{v} کاعب و درار حبزو v_{\perp} به درار حبزو و v_{\perp} کاعب و درار حبزو و به کاندی ک

$$(a.r) \qquad \qquad \ell = r_{\perp} p = r_{\perp} m v$$

جہاں مبسوط $\vec{p} = 0$ کاعب وددار فناصلہ r ہے۔

اہم۔ دوپہلوپر غور کریں: (1) زاوی معیار حسر کت صرف کی مخصوص مبدا کے لیے ظے معنی خسیز ہے اور (2) اسس کا رخبر صورت اسس مستوی کوعب ودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ \vec{p} مسل کر بہناتے ہیں۔ آزماکٹ ۴۰۰ میں مستوی کوعب ودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ \vec{p}

angularmomentum

۵.۵ زاوي معيار حسر کت

نمونی سوال ۵.۳ دو ذروی نظام کا زاوی معیار ترکھے

كلب دى تصور

انف رادی زاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}_1$ اور $\vec{\ell}_2$ معلوم کرنے کے بعد بین کر کے ہم صافی معیار حسر کت $\vec{\ell}_1$ تلاش کر حسیت ہیں۔ ان کی تعدریں مساوات ۵.۱۸ تامساوات ۵.۲۱ مسیں ہر ایک سے تعین کی حباستی ہیں۔ البت، ہمیں عصود دارون صلے p_1 ور p_2 اور p_3 اور معیار حسر کت کی تعدریں p_3 اور p_3 وی گئی ہیں البت تعالیٰ زیادہ آسان ہوگا۔

حماج: زره 1 ك لئ مساوات ٥٠٢١زيل ديكار

$$\ell_1 = r_{\perp 1} p_1 = (2.0 \,\mathrm{m}) (5.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $10 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

 $\vec{r}_1 imes \vec{p}_1 imes \vec{p}_1$ سمتیہ $\vec{\ell}_1$ کارخ مساوات ۱۵.۱۸ اور سمتیات کے صلیبی ضرب کا دایاں ہاتھ تاعبدہ دے گا۔ صلیبی ضرب کا دران صف سے باہر نظنے کے رخ، مشکل 13.11 کے مستوی کو عصود دار ہو گا۔ بی مثبت رخ ہے، جو ذرے کی حسر کت کے دوران ذرہ 1 کا زاوی معیار ذرے کے تعیین گرسمتیہ \vec{r}_1 کا نقطہ \vec{r}_2 کا نقطہ \vec{r}_3 کا نقطہ \vec{r}_4 کا نقطہ کے حسین مطابق ہے۔ یوں ذرہ 1 کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_1 = +10\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

اسى طىرى $\vec{\ell}_2$ كى ت در ذيل

$$\ell_2 = r_{\perp 2} p_2 = (4.0 \,\mathrm{m}) (2.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $8.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

اور $\vec{p}_2 \times \vec{p}_3$ سمتیہ سے صل ضرب صف ہے باہر رخ ہے، جو منفی رخ ہے، اور جو ذرہ 2 کی حسر کت کے دوران O کے گرد نوع کے گلسٹری وار حسر کت کے عسین مطابق ہے۔ یوں ذرہ 2 کا زادی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_2 = -8.0\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

دو ذروی نظام کاصافی زاوی معیار حسر کت زیل ہوگا۔

$$L = \ell_1 + \ell_2 = +10 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1} + (-8.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1})$$
$$= +2.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1} \qquad (\text{---}) \,\mathrm{s}$$

مثبت علامت کہتی ہے O پرنظام کامسافی معیار سرکت صفحہ سے باہر نکلنے کر ن ہے۔

۵.۲ نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

مقاصد

مفاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعید آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. زادی روپ مسین نیوٹن کا ت نون دوم استعال کر کے ، کسی مخصوص نقط ہے لحیاظ ہے، ذربے پر عمسل پیسرا قوت مسروڑ اور ذربے کے زادی معیار حسر کرے مسین پیداتید ملی کار شنتہ حبان یائیں گے۔

كليدي تصور

• نیوٹن کافت نون دوم کازادی رویے ذیل ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{c}}}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جہاں میں $\vec{\tau}$ ذریے یرصافی قوت مسروڑ اور \vec{b} ذرے کازاوی معیار حسر کت ہے۔

نیوٹن کافت انون دوم، زاوی روپ

نيوڻن کافت انون دوم ذيل روپ مسين:

(۵,۲۲)
$$\vec{F} = \frac{\mathrm{d}\vec{p}}{\mathrm{d}t} \qquad (واحد ذره)$$

واحد ذرے کے لئے، قوت اور خطی معیار حسرکت کے چھ مترین رہشتہ احباگر کرتا ہے۔ ہم خطی اور زاوی معتادیر کی متوازیت دیکھ چیکے ہیں اور توقع کر سکتے ہیں کہ قوت مسروڑ اور زاوی معیار حسرکت کے چھ بھی متسر ہی تعلق ہوگا۔ مساوات ۸۲۲ کو دیکھ کرہم ذیل تعلق کی توقع کرتے ہیں۔

(۵,۲۳)
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$
 (واحدزره)

یقسیناً،مساوات ۵.۲۳ واحد ذرے کے لئے نیوٹن کے متانون دوم کازاوی روپ ہے:

ذرے پر تمام قوت مسروڑ کا (سمتی) محبموعہ ذرے کے زادی معیار حسر کت مسین تبدیلی کے برابر ہوگا۔

کی مخصوص نقطہ کے لیے اظ ہے، جو عب وما محد دی نظام کامب داہو گا، قوت مسروڑ 🕏 اور زاوی معیار حسر کے گھتین کے تعسین کے بغیب می اوات ۵.۲۳ معنی ہو گی۔

مساوات ۲۳ ۵ کا ثبوت

ہم مساوات ۱۸ یا ہے۔ آغباز کرتے ہیں،جو ذرے کے زاوی معیار حسر کت کی تعسریف ہے:

$$\vec{\ell} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

جہاں \overline{t} زرے کا تعبین گرسمتیہ اور \overline{t} ذرے کی سمتی رفت ارہے۔ دونوں اطسرانے کا تغسین گرسمتیہ اور \overline{t} خاطبے ہیں۔

(a.rr)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m \left(\vec{r} \times \frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} + \frac{\mathrm{d}\vec{r}}{\mathrm{d}t} \times \vec{v} \right)$$

البت، $d\vec{v}/dt$ ذرے کا اسراع \vec{a} ، اور $d\vec{v}/dt$ ذرے کی سنتی رفت ارہے۔ یوں مساوات $d\vec{v}/dt$ کھی جب سکتی $d\vec{v}/dt$ نہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a} + \vec{v} \times \vec{v})$$

اب $ec{v} = 0 \times ec{v} \times ec{v} + ($ چونکہ سمتی کااپنے ساتھ زاوی۔ صنسر ہے اہند اسمتیہ کااپنے ساتھ صنستی ضرب ہمیث۔ صنسر کے برابر ہوگا۔ کی برابر ہوگا۔ کی ایس آھنسر وحنارج ہوگا اور ذیل رہ حبائے گا۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a}) = \vec{r} \times m\vec{a}$$

ہم نیوٹن کامت نون دوم $ec{F}_{i}$ سے استعال کر کے $ec{m}$ کی جگہ سے $ec{F}_{i}$ ڈال کر ذیل سے سل کرتے ہیں۔

(a.ra)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = \vec{r} \times \vec{F}_{\dot{\mathbf{j}}} = \sum (\vec{r} \times \vec{F})$$

یہاں عسلامت $\sqrt{7}$ کہتی ہے تمام قو توں کے سمتی ضرب \vec{F} \times \vec{F} کا محبوعہ لین ہوگا۔ البت، مساوات ۵.۱۳ ہے ہم حبانے ہیں (درج بالا) ہر سمتی ضرب کی ایک قوت سے وابستہ قوت مسروڑ ہوگا۔ یوں، مساوات ۵.۲۵ ذیل کہتی ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{d}} t} = rac{ ext{d} ec{\ell}}{ ext{d} t}$$

٥ - من سال ضرب كاتف رق است بوئ مستمل معتادير كارتيب برقت دار د كفسيل يول يهال تر بميث ق سي بوگاه

جوم اوات ۵.۲۳ ہے، جے ہم ثاب<u>ت</u> کرنا حیاہتے تھے۔

آزمائش ۵

:(14a 11

کل ؟؟ مسیں کی ایک لیجے پر ذرے کا تعسین گرسمتیہ 7 ، اور ذرے کو مسرع کرنے والی قو توں کے حیار ممکن رخ دیے گئے ہیں۔ تسام قوت سط xy مسیں ہیں۔(۱) نقطہ O پر ذرے کے زاوی معیار حسر کر مسیں تبدیلی ($d\vec{\ell}/dt$) کی متدر کے لیے ناطعہ قیمت اول رکھ کر، قو توں کی در حب سندی کریں۔(ب) نقطہ O پر کوئی قوت تبدیلی کی منفی مشرح دیت O

نمونی سوال ۵.۴: قوتے مروڑ اور زاوی معیار حرکتے کا وقتی تفرق ایک ذرہ جس کی کیے ہے۔ 0.500 kg ہے اور جس کا تعیین گرسمتہ ذیل ہے، مستقیم خطیر حسر کے۔

$$\vec{r} = (-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j}$$

جہاں \sqrt{t} میٹر مسیں اور t سیکنڈ مسیں ہے، اور آغناز t=0 پر ہوتا ہے۔ تعسین گرسمتیہ مبدا ہے ذرے کے مسرکز کی نشاند ہی کر تا ہے۔ اکائی سمتیہ ترقیم مسیں، ذرے کازادی معیار حسر کت \sqrt{t} اور ذرے پر قوت مسروڑ \sqrt{t} مبدا کے لحاظ ہے (مامید ایر) تلامش کریں۔ ذرے کی حسر کت کو مد نظسرر کھتے ہوئے ان مقت دیر کی الجبرائی عسلامت کی وجب پیش کریں۔

كلييدى تصورات

(1) جس نقط پر ذرے کا زاوی معیار حسر کت تلاش کرنا ہو اس کی نشاند بی کرنا لازم ہے۔ یہاں وہ نقط مبدا پر واقع ہے۔ (2) جس نقط پر ذرے کا زاوی معیار حسر کت $\vec{l} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$ (3) درے کا زاوی معیار حسر کت ہے دوران ذرے کے تعیین گرسمتیہ کے زاوی معیار حسر کت کے دوران ذرے کے تعیین گرسمتیہ کے زاوی معیار حسر کت والی معیار حسر کی قص و گر گرا گردے پر قوت مسرور گرا درے کا زاوی معیار حسر کت کا دوران کا زاوی معیار حسر کت کا تھا ہوں، تب قوت مسرور اور زاوی معیار حسر کت کا تعلیم کا تعلیم کا تعلیم کا تعلیم کا تعلیم کے گئے ہوں، تب قوت مسرور اور زاوی معیار حسر کت کا تعلیم کے گئیم کا تعلیم کے گئی کا تعلیم کا تعلی

حماج: مساوات ۱۵.۱۸ استمال کر کے مبدا پر زاوی معیار حسر کت تلامش کرنے کے لئے ضروری ہے کہ پہلے تعین گرسمتیر کا وضتی تغسر قبل کے مراوات 10.4 الجبرائی فعت میں گرمتیر کا وکی کر جم ذیل لکھتے ہیں: $(\vec{v} = d\vec{r}/dt)$

$$\vec{v} = \frac{d}{dt}((-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j})$$
$$= (-4.00t - 1.00)\hat{i}$$

جہاں ت میٹرفی سینڈمسیں ہے۔

اس کے بعبہ مساوات 27.3 مسیں صلیبی ضرب کا دکھایا گیا ڈھانحپہ استعال کر کے \vec{r} اور \vec{v} کا صلیبی ضرب معلوم کرتے ہیں۔

$$\vec{a} \times \vec{b} = (a_y b_z - b_y a_z)\hat{\mathbf{i}} + (a_z b_x - b_z a_x)\hat{\mathbf{j}} + (a_x b_y - b_x a_y)\hat{\mathbf{k}}$$

یہاں آ کو عصومی سمتیہ \vec{b} اور \vec{v} کو عصومی سمتیہ \vec{b} ظاہر کرتا ہے۔ چونکہ ہم خرور سے زیادہ کام نہیں کرنا حیاہے، آئیں عصومی سلیبی خرب مسیں پر کردہ بدل پر غور کرتے ہیں۔ چونکہ \vec{r} مسیں z حب زواور \vec{v} مسیں y اور z احب زاء نہیں پائے حب رہائے ہوگئہ والی دوڑ کے جب نے ، اسس عصومی صلیبی خرب کا صرف آحضری حب زو $b_x a_y$) غیسر صف رہے۔ یول، زیادہ الجمرائی دوڑ کے بیٹے دوئیل کھتے ہیں۔

$$\vec{r} \times \vec{v} = -(-4.00t - 1.00)(5.00)\hat{k} = (20.0t + 5.00)\hat{k} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

یادرہے، ہمیث کی طسرح صلیبی ضرب جو سمتید دیتی ہے وہ ابت دائی سمتیات کو عسود دار ہوگا۔ مساوات ۱۸ میری کرنے کے لئے، کیت سے ضرب دے کر ذیل حساصل کرتے ہیں۔

$$\vec{\ell} = (0.500 \,\mathrm{kg})[(20.0t + 5.00)\hat{\mathrm{k}} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}]$$
$$= (10.0t + 2.50)\hat{\mathrm{k}} \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1} \qquad (\text{...})\hat{\epsilon}$$

مبدایر قوت مسروڑ اب مساوات ۵.۲۳ سے فوراً حساصل ہوگا:

$$\vec{\tau} = \frac{d}{dt} (10.0t + 2.50) \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-1}$$

$$= 10.0 \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 10.0 \hat{k} \text{ N m} \qquad (\text{---})\hat{k}$$

جو محور کے مثبت ررخے۔

ہمارا گی کا نتیج ہوت ہے زاوی معیار حسر کے محور 2 کے مثبت رخ ہے۔ تعیین گرسمتیہ کے گلماو کی صورت مسیں " "شبت " نتیجے کامطلب مسجھنے کے لئے اس سمتیہ کی قیب مختلف اوت سے محلف کے مساور کی میں۔

$$t = 0,$$
 $\vec{r}_0 = 5.00 \hat{j} \text{ m}$
 $t = 1.00 \text{ s},$ $\vec{r}_1 = -3.00 \hat{i} + 5.00 \hat{j} \text{ m}$
 $t = 2.00 \text{ s},$ $\vec{r}_2 = -10.0 \hat{i} + 5.00 \hat{j} \text{ m}$

یہ نتائج شکل 14b.11 میں پیش ہیں؛ ہم دیکھتے ہیں کہ ذرے کے ساتھ ساتھ چلنے کے لئے آ تنان گھٹری گومت ہے۔ یبی گھساو کامٹبت رخ ہے۔ یوں، اگر حپ ذرہ خود سید ھی ککسیر پر حسر کت کر تاہے، مبدا کے لحساظ سے سے اسس کی حسر کت حنال نے گھٹری ہے، اور یوں اسس کا زاوی معیار حسر کت مثبت ہے۔

ہم کی کے رخ کامطلب، صلیبی ضرب (یہاں $\vec{v} \times \vec{v}$ یا آپ حہاییں $\vec{v} \times \vec{v}$ ، جو ایک رخ ویت ہیں) کا دایاں ہاتھ وت عددہ استعال کرے سمجھ سکتے ہیں۔ ذرے کی حسر کسے وران کمی بھی معیار الڑکے لئے، دائیں ہاتھ کی حہار انگلیاں

صلیبی ضرب کے اول سمتیہ تو کے رخ رکھی حب تی ہیں (مشکل 14c.11)۔ ہاتھ یوں سمت بند کیا حب اتا ہے کہ ہتھیلی کے گر دانگلیاں ہا آس نی گھی کر صلیبی ضرب کے دو سرے سمتیہ تو کے درخ کی حب نئیں (مشکل 14d.11)۔ اس پورے عمس کے دوران انگوٹے کو حیار انگلیوں کے لیے اظ سے عصود دار رکھیا حب تا ہے۔ انگوٹ صلیبی ضرب کے نتیج کارخ دیگا۔ جیب مشکل 14e.11 میں دکھیایا گیا ہے ، ماحصل سمتیہ محود ہے کہ مثبت رخ (جو مشکل کے مستوی سے سیدھ ہا ہر لگاتا ہے) اور گزشتہ نتیج کے عسین مطبابق ہے۔ شکل 14e.11 میں آتک کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محود ہے کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، اور گزشتہ نتیج کے عسین مطبابق ہے۔ شکل 14e.11 میں آتک کارخ بھی دیا گیا ہے۔ دوراس کی تدریز ہورہ میں ہے۔

مقاصد

معاصد اسس حسب کو پڑھنے کے بعسد آییے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ذروں پر مشتل نظام کے لئے، نیوٹن کا ت انون دوم زاوی روپ مسین استعمال کرکے نظام پر صافی قوت مسروڑ اور نظام کے زادی معیار حسر کست مسین پیدا تبدیلی کی مشرح کا تعلق حبان یا تیں گے۔
- ۲. مقسررہ محور کے گرد گھومتے استوار جم کے زادی معیار حسر کت اور ای محور کے گرد جیم کے گھسیسری جمود اور زادی رفت ارکا تعلق استعال کرمائیں گے۔
 - س. اگر دوجہم ایک ہی محور گھاوے گر د گھومتے ہول،ان کے کل زادی معیار حسر کت کاحساب کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• زروں پر مشتمل نظام، کازادی معیار حسر کت لّے الف رادی ذروں کے زادی معیار حسر کت کامحب وعیہ ہوگا۔

$$\vec{L} = \vec{\ell}_1 + \vec{\ell}_2 + \vec{\ell}_3 + \dots + \vec{\ell}_n = \sum_{i=1}^n \vec{\ell}_i$$

• اسس زادی معیار حسر کت کی تبدیلی کی مشرح نظام پر صافی بهیدونی قوت مسروڑ کے برابر ہوگی (جو نظام کے اندرونی ذروں اور نظام کے باہر ذروں کے باہم عمسل ہے پیدا توت مسروڑ کا سمتی محبصوع سے ہوگا)۔

$$ec{ au}_{\dot{ ext{d}} ou} = rac{ ext{d} ec{L}}{ ext{d} t}$$
 (دروں پر مشتمی نظام)

• مقسررہ محور پر گھوٹے استوار جم کے لئے ،، محور گھساوے متوازی زاوی معیار حسر کے کاحبزو ذیل ہوگا۔

$$L = I\omega$$
 (استوار جسم، مقسرره محور)

ذرول پر مشتل نظام كازادي معيار حسركت

مبداکے لیاظ سے ذروں پر مشتمل نظام کے زادی معیار حسر کسے پر غور کرتے ہیں۔ نظام کا کل زادی معیار حسر کسے آ انفٹ رادی ذروں کے زادی معیار حسر کسے آنا کا سمتی محب عوصہ ہوگا۔

(a.ry)
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

انف رادی زاوی معیار حسر کے کوزیر نوشی i سے ظاہر کیا گیا ہے۔

دیگر ذروں کے ساتھ یانظام کے ہیسرون کے ساتھ ہاہم عمسل کی بن انفٹ رادی ذرے کازادی معیار حسر کت وقت کے ساتھ تبدیل موسکتا ہے۔ ہم کے مسین پیداتب دیل مساوات ۲۱۔۵٪ (ذیل) وقت تاقٹ رق معیاوم کر سے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \frac{\mathrm{d}\vec{\ell}_i}{\mathrm{d}t}$$

مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات کے میں کہ نہیں کہ نہ نہ نہیں کہ نہ نہیں کہ نہیں کہ نہیں کہ نہ نہ نہ کہ نہ نہ نہ کہ نہ نہ کہ نہ کہ نہ نہ کہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ کہ نہ کہ کہ نہ کہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ کہ کہ نہ کہ

(۵.۲۸)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \vec{\tau}_{\dot{b},i}$$

یعنی، نظام کے زادی معیار حسر کت \vec{L} گی تب دیلی کی حشر آ افت رادی ذروں پر قوت مسروڑ کے سمتی محبوعہ کے برابر ہوگا۔ ان قوت مسروڑ مسیں (ذروں کے فقو توں کی بین) اندرونی قوت مسروڑ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوت کی بین) ہوڑیوں کے دوپ مسیں بین) ہوڑیوں کے روپ مسیں ہوگی الب ذاان کی محبو کی قوت مسروڑ صنعت ہوگی۔ یوں، نظام کے کل زاوی معیار حسر کت \vec{L} کو صرف نظام پر عمسل ہیں۔ ایسیرونی قوت مسروڑ تھیں۔

صافی بیرونی قومے مروڑ سنظام مسیں تمام ذروں پر بیسرونی قوت مسروڑ کا سستی محب وعب سن $\vec{\tau}$ صافی بیسرونی قوت مسروڑ کو ظاہر کر تاہے۔ ہیں مساوات ۵.۲۸ ذیل کھی جباستی ہے:

$$ec{ au}_{i,rq}$$
 (۵.۲۹) $ec{ au}_{i,rq} = rac{\mathrm{d}ec{L}}{\mathrm{d}t}$ (دروں پر مشتم نظب م

جونیوٹن کے مت انون دوم کازاوی روپ ہے۔اسس کے تحت ذیل ہوگا۔

 \vec{t} نظام پر مشتل نظام پر صافی ہیں۔ ونی قوت مسروڑ سین تہ نظام کے کل زاوی معیار حسر کے گی تبدیلی کی سنسر کے برابر ہوگی۔

مساوات ۱۹۰۹ و \vec{F} اور \vec{F} است \vec{F} (مساوات 27.9) مم ثل ہیں تاہم اول الذکر زیادہ احتیاط ما گئتی ہے: تو سے مسرور اونظام کا زادی معیار حسر کرت ایک مبدا کے لیے نظرے ناپات الزم ہے ۔ اگر اندرونی جمود کی جود کی جود کے لیے نظرے نظرے میں مسرکز کی سے مسرکز کی سے مسرکز کی سے مسرکز کی سے مسرکز کی بھور مشال مصرکز کی بھی میں ایک میں اگر زمسین کے لیے نظرے ساکن محور پر پہیا گھومت ہو، تب مساوات کے طور پر ، پہیے کو ذروں پر مشتمل نظرے تصور کریں۔ اگر زمسین کے لیے نظرے ساکن محور بر پہیا گھومت ہو، تب مساوات میں 18.۲۹ میں کہا تھا ہے کوئی بھی ساکن نقط بطور مبدات کیم کیے جب سکتا ہے۔ البت ، اگر پہیا مسرک محور کے گرد گھومت ہو (جیسے جب پہیامیلان پر لڑھکت اپنے آتا ہے)، تب صرون پہیے کا مسرکز کمیت مبدات کی ساکتا ہے۔

مقسرره محوريراستوارجهم كازاوي معييار حسركت

ذروں پر مشتم لظام (ذروی نظام) جو ایک استوار جم دیت ہے کازاوی معیار حسر کت تلاسش کرتے ہیں۔ شکل 15a.11 سے مسین ایک ایک جم دکھا ہے۔ محور Σ بہاں مقسرہ محور گھماو ہے ج کے گرد جم مستقل زاوی رفتار س سے گومت ہے۔ اسس محور پر ہم جم کازاوی معیار حسر کت حبانا حیاہتے ہیں۔

مبدا 0 کے لحاظ سے اس کمیتی کلڑے کے زاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}_i$ کی ت در مساوات 0.۵.۱۹ بگی:

$$\ell_i = (r_i)(p_i)(\sin 90^\circ) = (r_i)(\Delta m_i v_i)$$

جہاں p_i اور v_i کمیتی گڑے کا خطی معیار حسر کہ اور خطی رفت ارب، اور \vec{r}_i اور \vec{r}_i کا زاوی معیار حسر کہ نظی معیار حسک 5b.11 مسین دکھایا گیا ہے؛ اسس کارخ \vec{r}_i اور \vec{p}_i دونوں کو لازماً عسود دار ہوگا۔

جوو z ہم محور گھاہ کے، جو یہاں محور z ہے، متوازی $\vec{\ell}_i$ کا حبز وحبانت احیاج ہیں۔ حبز وz ذیل ہوگا۔

$$\ell_{iz} = \ell_i \sin \theta = (r_i \sin \theta)(\Delta m_i v_i) = r_{\perp i} \Delta m_i v_i$$

پورے جم کے زاوی معیار حسرک کا z حبزو معاوم کرنے کے لئے جم کے تمام سمیتی کلڑوں کے زاوی معیار حسرک کے $v=\omega r$ ہوگا۔ چونکہ $v=\omega r$ ہے المہذاذیل کھا حباسکتا ہے۔

(a.r.)
$$L_z = \sum_{i=1}^n \ell_{iz} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i v_i r_{\perp i} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i (\omega r_{\perp i}) r_i$$
$$= \omega \left(\sum_{i=1}^n \Delta m_i r_{\perp i}^2 \right)$$

نيوڻن كافت انون دوم

مت انون بقب

 $\vec{\tau}_{\dot{\mathbf{d}}} = \frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t}$

 $\vec{L} = \vec{L}$

گھىيەرى		متقم	
$\vec{ au} \ (= \vec{r} imes \vec{F})$	قو <u>۔</u> مسروڑ	$ec{F}$	<u>تو</u>
$\vec{\ell} (= \vec{r} \times \vec{p})$	زادی معیار حسر کت زادی معیار حسر کت	$\mid ec{p} \mid$	خطی معیار حسر کت
$\vec{L} (= \sum \vec{\ell}_i)$	زاوی معیار حسر کت	$ec{P} (= \sum ec{p}_i)$	خطی معیار حسر کت
$L = I\omega$	زاوی معیار حسر کت	$ec{P}=Mec{v}$. (1)	خطی معیار حسر کت

حبدول ۵۱۱ منتقیم اور گھمیری حسرکت کے مسزید مطابقتی متغییرات اور رشتے

یہاں س متقل (جم کے تمام نقطوں کے لئے ایک برابر) ہے اہندااسس کو محب وعہ کی عسلامت سے باہر کھا حبا سکتا ہے۔

نیوٹن کات نون دوم $ec{F}_{ ext{d}t} = rac{ ext{d}ec{P}}{ ext{d}t}$

متقل $ec{P}=$ تانون بقب

ماوات ۵.۳۰ میں $\sum \Delta m_i r_{\perp i}^2$ مقسررہ محور کے گرد جم کا گھیسری جمود I ہے (مساوات ۳۳، ۲۰ دیکھسیں)۔ یوں مساوات ۵۳۰، دنیل رویہ اختیار کرتی ہے۔

(a.m)
$$L = I\omega \qquad (5 \text{ for } 5 \text{ for } 6 \text{$$

ہم نے زیر نوشت ہے نہیں لکھیا، تاہم آپ نے یادر کھنا ہو گا کہ مساوات ۵٫۳۱ مسیں زاوی معیار حسر کت محور گھماوپر زاوی معیار حسر کت اسس محور اللہ نازادی معیار حسر کت اسس محور گھماوک کی معیار حسر کت اسس محور گھماوک لیا تھا ہو گھماوک لیا تھا ہی اس مساوات مسیں آ بھی ای محور گھماوک لیا ظامے ہوگا۔
لیا ظے ہوگا۔

حبدول ۵۱، ۹، جوحبدول ۲۰ کووسعت دیت ہے،مطب بقتی خطی اور زاوی رہشتے پیشس کر تاہے۔

آزمائشس۲

وت رص، گلسیسرا، اور کره کوه لنو کی طسرح ده اگالپیٹ کر، مقسر ره وسطی محور پر گلمسایاحب تا ہے (شکل؟؟) _ ده اگاتینوں جسم پر ایک جتنی مستقل ممسای قوت نآل اگو کر تا ہے۔ شینوں جسم ابت دائی طور ساکن ہیں، ان کی کمیت اور دداسس ایک برابر ہیں۔ گلومتے اجسام کی در حب بسندی(۱) وسطی محور پر زاوی معسیار حسر کت اور (ب)زاوی رفت ارکے لحساظ ہے، اعظم قیمت اول رکھ کر، کریں۔

۵.۸ زاوی معیار حسر کت کی بقیا

قاصد

مصاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعب آ ہے۔ ا

ا. کسی مخصوص محور کے ہمسراہ نظام پر ہیں رونی صافی قوت مسروڑ کی عدم موجود گی مسیں ، زاوی معیار حسر کس کی بقسا استعمال کرکے محور پر ابت دائی زاوی معیار حسر ک کے قیت کار مشتہ بعب کی قیت کے ساتھ حبان یا ئیں گے۔

كليدي تصور

• نظام پر بیسرونی صافی قوت مسروڑ صف ہونے کی صورت مسیں ، نظام کازادی معیار حسر کت آیک مستقل ہوگا۔ یول ذیل ہوگا۔

$$ec{L}=ec{L}_i$$
 (جدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$ (جدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$

اسس کوزاوی معیار حسر کت کی بقسا کافت انون کہتے ہیں۔

زاوی معیار حسر کت کی بقسا

ہم توانائی کی بقسا اور خطی معیار حسر کر کے بھو طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کر کے بھر طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کرتے کی بقت کی بات کرتے ہیں، جو تیس راحت انون بقل ہے۔ ہم مساوات میں بھونیوٹن کے متانون دوم کا زاوی روپ ہے۔ بیسرونی مسافی قوت مسروڑ کے عسد م موجودگی مسیں سے مساوات میں بھوگا۔ $d\vec{L}/dt = 0$ مارک کے درسے افتیار کرتی ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$($$
مـتقل م $ec{L}=ec{L}$ (مـبـانظـام)

ب نتیب، جوذیل دوطسرت بھی تھے جب سکتاہے، زاوی معیار ترکھے کھے بقا کا قانون کے کہا تاہے۔

$$\begin{pmatrix} \mathbf{x} & t_i & \mathbf{x} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix}$$

$$($$
ه.rr $)$ $ec{L}_i = ec{L}_f$ $($ بدانگ $)$

مساوات ۵.۳۲ ورمساوات ۵.۳۳ ذیل کهتی ہیں۔

نظام پر صافی ہیں دونی توت مسروڑ صف ہونے کی صورت مسیں، اسس سے قطع نظر کہ نظام کے اندر کیا تتب میلیاں رونساہوں، نظام کازادی معیار حسر کت لگر بوتسرار رہے گا(ایک مستقل ہوگا)۔

lawofconservationofangularmomentum*

مساوات ۱۵,۳۳ اور مساوات ۵,۳۳ متیه مساوات بین: جو تین آلپس مسین عسود داررخ پر زاوی معیار حسر کت کی بقت در کرد مسین، توت مسین، توت مسین، توت مسین، توت مسین، توت مسین درخ پر منحصر به وگا، آیازاوی معیار حسر کت کی بقت صرف ایک یا دورخ بو، تاهم، تسینوں رخ زاوی معیار حسر کت کی بقت می بقت بھی نہیں ہوگا۔

اگر کسی محور کے ہمسراہ نظام پر صافی ہیں۔ ونی قویہ مسروڑ کا حبز وصف رہو، تب اسس سے قطع نظے رکہ نظام مسیں کسیات بیلیاں رونمہ اوں ، اسس محور کے ہمسراہ نظام کے زاوی معیار حسر کت کا حبز و تب یل نہیں ہوگا۔

یہ ایک طباقت ور فعت رہ ہے: یہاں ہم نظام کے ابت دائی اور اختامی سالت مسیں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت میں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت یرغور کرنے کی ضرورت تہیں۔

اسس مت عدے کا اطبلاق مشکل 15.11 مسیں پیش حبداجہم پر ، جو محور تے کے گرد گھومت ہے، کسیاحب سکتا ہے۔ منسر ض کریں کئی طسرح جم ، محور گھماو کے لیے اظ سے کیت کی تقسیم نو کر کے ، محور گھماو پر اپن گھمیسری جمود تبدیل کرتا ہے۔ مساوات ۳۳ ماور مساوات ۵۳۳ کہ ہتی ہیں جم کازادی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ مساوات ۵۳۳ مسیں (گھمیسری محور پرزادی معیار حسر کت کی) مساوات ۳۳ گال کریے وت نون بت کوذیل کھے جب سکتا ہے۔

 $I_i \omega_i = I_f \omega_f$

اسس مساوات مسین زیر نوشت i اور f سمیتی تقسیم نوسے قبل اور اسس کے بعب گھیسری جود اور زاوی رفت ار ظاہر کرتے ہیں۔

باقی دو توانین بقب کی طسرح، جن پر ہم بحث کر جیکے ہیں، مساوات ۵.۳۲ اور مساوات ۵.۳۳ نیونمیٰ میکانسیات کی حسد و د سے باہر مجمی و تبایل اطسان ہیں۔ ان کا اطسان ان ذروں پر بھی ہو گاجو روسشنی کی رفت ارکے متسریب رفت ارپر حسر کرسے مسیں ہوں (جہاں نیوٹنی میکانسیات کارآمد نہسیں رہتی اور جہاں خصوصی نظسر سے اضافت استعال کرنا ہو گا)، اور ان کا اطسان زیر جوہر ذروں پر بھی ہو گا (جہاں کو انٹم میکانسیاست کا راج چلت ہے)۔ آج تک الی کوئی مشال نہسیں دیکھی گئی جو زاوی معیار حسر کسے کی بقسا کے متان نوئ کو مطمئن سے کرتی ہو۔

اہے ہم تین ایمی مشالوں پر بحث کرتے ہیں جن مسیں اسس متانون کی دمنسل اندازی یائی حباتی ہے۔

ا. پکر کھا اگار سشکل 16.11 مسیں ایک طبالب عسلم سپائی پر ،جو انتصابی محور پر گھوم سسکتی ہے، بیٹھ و کھسایا گیا۔ اسس کا زادی گئی ہے۔ پھیلے ہاتھوں مسیں وزن بھتا ہے طبالب عسلم کو ابت دائی زادی رفتار سن کے گھسایا گیا۔ اسس کا زادی معیار حسر کت سمتیں کے آئنسانی محور پر ادیر رخ ہے۔

طالب عسلم ہاتھ جم کے قسریب کرتاہے؛ کیت محور گھماوے قسریب کرنے سے طالب عسلم کا گھیسری جو رکھیں و کے مسریب کرنے سے طالب عسلم کا گھیسری جو u_i ہوگا، اور اسس کے گھوشے کی سشری w_i ہی ہوگا، اور اسس کے گھوشے کی ششری مشتل نظام پر کوئی صافی ہیسرونی قوت طالب عسلم اپنی رفت ار دوبارہ گھٹا تا ہے۔ طالب عسلم، شپائی، اور وزن پر مشتل نظام پر کوئی صافی ہیسرونی قوت مصروڑ عمل نہیں کرتی۔ یوں، اسس سے قطع نظام کہ طالب عسلم اپنے ہاتھ کہاں رکھتا ہے، محور گھاو پر نظام کا

زادی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہوگا۔ شکل 16a.11 مسیں طالب عسلم کازادی رفت ارسی کا گئی کم ہے اور اسس کا گھنے کی تلافی، زادی رفت ارسیس کا 16b.11 نسبتازیادہ۔ مساوات ۵.۳۴ کے تحت شکل 16b.11 مسیں I_i کے گھنے کی تلافی، زادی رفت ارسیس اضاف کرتا ہے۔

- عوطہ باز سشکل 17.11 مسیں کمنی دار تختے نے غوطہ باز ڈیڑھ کا بازیاں کھاتا دکھایا گیا ہے۔ جیب آپ توقع کر کے تار کی کور کے کہ ان دار تختے ہے ، کا بازیاں کھاتا دکھایا گیا ہے۔ جیب آپ توقع کر کے تاری کا مسرکز کی ت کے گرائی راہ پر چلتا ہے۔ کمنی دار تختے ہے ، کا باز اپنج مسرکز کی ت کے گرواز پر واز پر واز پر عنی میں میں معیار حسرکت آلے کے ساتھ روانا ہوتا ہے ، جو سشکل 17.11 مسیں صفحہ کو عصود دار ہوگا۔ پر واز کے دوران کا باز پر کوئی صافی ہیں ہو سکتا۔ باتھ اور پسیر دفی قوت مسروڑ عسل نہیں کور کے لیاظ ہے ، اسس کے قصیدری جود مسیں کی دور مسیں کی دورنان ہوتا ہے ، اسس کے قصیدری جود مسیں کی دورنان میں اصف ف پسیدا ہوگا۔ کی گئی کر کا باز پورے جم کو سید ھمسیں کر کے تحت اسس کے زادی رفت ار مسیں اصف ف پسیدا ہوگا۔ کی گئی کو بھی کی کور کے لیا تا ہے ، تاکہ پانی مسیں داخت ہوگا وقت کم سے کہ چھینٹیں اثاثے۔ زیادہ چیچیدہ خوطہ ، جسس مسیں کا باز جم کو بل دیتے ہوئے کا بازیاں کھاتا ہے ، پوری پر واز کے دوران ، خوطہ باز کے زادی معیار حسرک ہے ، وسید میں دورن میں ، بقت الذما ہوگا۔
- ۳. ممیر چملانگ جب کھاڑی دوڑ کر لبی چھانگ کے لئے زمسین سے اچھات ہے، افقی محور پر کھاڑی کو آحسری و تدم آگے رخ گھاو کا زاوی معیار حسر کت دیت ہے۔ ایس گھاو کھاڑی کو زمسین پر محسیح طسریقے سے اترنے نہیں دیت۔ زمسین پر پہنچ کر کھلاڑی کی ٹائلیں اکٹی اور اسس زاویے پر آگے ہوئی حپ ہے کہ ریت مسیں ایڑیوں کا نشان زیادہ سے زیادہ مناطے پر بنچ اڑان کے بعد کوئی بیسرونی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہے البندازاوی معیار حسر کت (کی بقت کی بروات) تبدیل نہیں ہوگا۔ البت، کھلاڑی بازووں کو حبکر دے کر زاوی معیار حسر کت کا بیٹ ترص بازووں کو متقت لیک کرتا ہے۔ کہاڑی بازووں کو متقت کی سیت بند ہوگا۔
- بازیگر ایک پاون پر گھسٹرا ہو کر دوسرے ٹانگ کو جہم کے ساتھ °90 زاویے پر رکھ کر نہایت کم زادی رفت ارسے گھومت ہے؛ بین گھومت ہے (شکل 19a.11)۔ اسس کی زادی رفت اربیشکل نظر آتی ہے۔ وہ شینری سے ٹانگ نیچ کر کے اچھلت ہے؛ بین جہم اور ٹانگوں کے نیخ زاویہ θ ہوگا(شکل 19b.11)۔ عصود دار ٹانگ کازاویہ کم کرنے سے اسس کا گھسیری جود کم ہوگا۔ بندیل نہیں بازیگر کے جمم پر کوئی ہیں دونی صافی قو سے مسروڑ عمسل نہیں کرتی لہندا اسس کازادی معیار حسر کسے تبدیل نہیں ہو سکتا۔ یوں گھسیدی جمود کم ہونے کی وجب سے اسس کی زادی رفت اربڑھے گی۔ تمیاث کی کویکرم شین ٹھومن حسیران کرتا ہے۔ داپس زمین کو چہنچ نے قبل بازیگر ٹانگ کوعب ود دار کر کے زادی رفت اردوبارہ کم کر کے زمین پر اتر تاہے۔

آزما^{کث}س2

ایک چھوٹا مت رص، جس کے چکا پر بھوزا بیٹھ ہے، انتصابی محور کے گرد گھوم رہاہے۔ اگر بھونرا مت رص کے وسط کی حبانب کلبلائے، کب بھونراو مت رص نظام کا(۱) گھمیسری جمود، (ب)زاوی معیار حسر کس، اور (ج)زاوی رفت ار (وسطی محور کے لحاظ سے) بڑھے گارگی)، گھٹے گارگی)، یاتب میل نہیں ہوگارگی)؟

نمونی سوال ۵.۵: زاوی معیار حرکھ کی بقا، گھومتے سے کا مظاہرہ

شکل 20a.11 میں ایک طالب عسلم سپائی پر بیٹ دکھایا گیا ہے۔ سپائی انتصابی محور پر گھوم سکتی ہے۔ طالب عسلم، جو ابت دائی طور ساکن ہے، سائیکل کا پہیا گیڑے ہوئے ہے، جس کے چکا کا وزن سیہ سے بڑھایا گیا ہے۔ حسل محور کے لحاظ سے پہیے کا گھسیری جمود بڑھایا ہے۔ $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کے وسطی محور کے لحاظ سے پہیے کا گھسیری جمود بڑھا ہے۔ $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کے اس میں محود بڑھا ہے۔ کا گھسیری محمد بڑھا ہے کہ کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے کہ کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کو کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کے کے کہ کے کا گھسیری کے کہ کے کے کہ کے

سے کازاوی رفت ار 3.9 حب کرنی سسکنڈ ہے اور فعن سے نیچ دیکھ کراسس کارخ حنلاف گھسٹری ہے۔ پہیے کادھ سراانتف ابی ہے، اور اسس کے زاوی معیار حسر کت لئی لئی کارخ انتف کی اور جارے۔

طالب عظم پہیے کو الٹ کرتا ہے (شکل 20b.11) الہذا اب فصن سے نیچے دیکھتے ہوئے پہیا گھٹڑی وار گھومت ہے۔ اس کا ذاوی معیار حسر کت اب J_{-} ہوگا۔ پہیا الٹ کرنے کی وجہ سے طالب عظم، تپائی اور پہیے کا وسط بطور مسر کہ استوار جم تپائی کے محور گھساو کے گرد گھمیسری بحود $I_b = 6.8 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کے ساتھ گھوٹے ہیں۔ (پہیا اپنے وسطی محور کے گرد گھومت ہے، تاہم اس سے مسر کہ جم کا کمیتی تقسیم اثر انداز نہیں ہوتا؛ یوں I_b کی تیمت وہی ہوگا دیسے وہی ہوگا گھومت ابوی سے گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو۔ کہ پہیا الٹ کرنے کے بعد ، مسر کہ جم کس زاوی رفت ار M_b اور کس رخ گھومت ہو

کلب دی تصورات

- ا. زادی رفت ار ω_b کا، جوہم حبانت حیاہتے ہیں، تبائی کے محور گھساوپر، مسرکب جمم کے اختتا می زادی معیار حسرکت L_b
- ۲. پہیے کی ابت دائی زاوی رفت اور پہیے کے وسط کے گرد، پہیے کے زاوی معیار حسر کہ کہ کا تعلق بھی مساوات ویت ہے۔ L_w
 - س. \vec{L}_b اور \vec{L}_w کا کوجموعہ طالب عسلم، تپائی، اور پہیے کا کل زادی معیار حسر کت کی دیگا۔
- $\frac{1}{2}$ تبدیل $\frac{1}{2}$

 \vec{c} حمایہ: شکل 20c.11 مسیں سمتیات کی بقب ظلم کرتے ہیں۔ اسس بقب کو انتصابی محور کے ہمسے راہ احب زاء کے رویہ مسیں بھی کھیا حب اسکتا ہے:

$$(\textbf{a.ra}) \hspace{3cm} L_{b,f} + L_{w,f} = L_{b,i} + L_{w,i}$$

جہاں i اور f بالت رتیب (پہیا الٹ کرنے ہے قبل) ابت دائی حسال اور (پہیا الٹ کرنے کے بعبہ) انتقامی حسال ظاہر کرتی ہیں۔ پہیا الٹ کرنے ہے بہیے کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ الٹ ہوا لہنہ اہم $L_{w,f}$ کی جگ $-L_{w,i}$ والہنہ اللہ $L_{b,i}$ = 0 رابت دائی طور پر طبالب عسلم، شپائی، اور پہیے کا وسط ساکن تھے) رکھ حبائے، مساوات 8.70 یل ویگا۔

$$L_{b,f}=2L_{w,i}$$

 $I_w\omega_w$ اور $I_{b,i}$ اور $I_b\omega_b$ گوال کر $I_{w}\omega_w$ وال کر $I_w\omega_w$ وال کر کے ذیل سے اس کر کے ذیل سے اس کر کے ذیل سے اس کر کے دیل سے اس کر کے ذیل سے اس کر کے دیل سے کر کے دیل سے اس کر کے دیل سے کر کے دیل سے کر کے دیل

$$\omega_b = \frac{2I_w}{I_b} \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

$$= 2I_w \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

$$= 2I_w \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

مثبت جواب کہتی، نصن ہے دیکھتے ہوئے، تبیائی کے محور پر طبالب عسلم حنلان گھٹڑی گھومت ہے۔ اگر طبالب عسلم رکھنا حب عسلم رکھنا حب ہے، اسس کو پہیا واپس اصل حسالت مسین لانا ہو گا (یعنی ایک مسرتب دوبارہ پہیا الٹ کرنا ہو گا)۔

نمونی سوال ۵.۱: زاوی معیار حرکت کی بقا، قرم ریر بھوزا

كلب دى تصورات

(1) بھونرا کے کلبلانے سے بھونرا و مسترص نظام کی تمسیق تقسیم (البیذا گھمیسری جمود) تبدیل ہوتی ہے۔ (2) ہیسرونی توس مسروڑ کی عصد م موجود گل مسیں نظام کی زاوی معیار حسر کست اٹل ہو گا۔ (بھونرا کے کلبلانے کی قوتیں اور قوت مسروڑ نظام کی اندرونی ہیں۔)(3) مساوات اس کا لیا ہے ۔

حماج: ہم اختامی زادی رفت ار حبانت حیاج ہیں۔ ہم اختامی زادی معیار حسر کے L_f کو ابت دائی زادی معیار حسر کے برابر رکھے ہیں (چونکہ دونوں مسین زادی رفت ار شامل ہے)۔ ان مسین گھیسری جمود بھی شامل ہے۔ ابن مسین گھیسری جمود کی تلاش سے آغی زکرتے ہیں۔ L_i

وسطی محور پر گھومتے ہت رص کا گھسیسری جود حبدول 2c.10 کے تحت $\frac{1}{2}MR^2$ ہے۔ کمیت M کی جگہ 6.00m ڈال کر متسرص کا (ذیل) گھمیسری بحود تلاسٹ کرتے ہیں۔

$$(a.rq) I_d = 3.00mR^2$$

(بمیں m اور R معلوم نہیں، کسی طبیعیات کاباتھ محتام کر حیلتے ہیں۔)

r=0.800R سے اور سے میں کہ جوز اکا (ذرے کا) تھمیں کی جود اکا است دائی رداسس r=0.800R اور اختتا کی رداسس r=1 ڈال کر محور تھماویر بھوز راکا ابت دائی تھمیں کی جود زاکا ہے۔

$$I_{bi} = 0.64mR^2$$

اور اختیامی گھمیےری جمود I_{bf} حساس کرتے ہیں۔

$$I_{bf} = mR^2$$

يوں بھونراو I_i ويل بھونراو I_i ويل بھونراو ميان نظام کاابت دائی گھميے ری جمود ا

$$(\text{a.rq}) \qquad \qquad I_i = I_d + I_{bi} = 3.64 mR^2$$

اوراختامی گھیےری جمود ۱ زیل ہوگا۔

$$(a.r\bullet) I_f = I_d + I_{bf} = 4.00mR^2$$

 L_f استعال کرتے ہوئے ہم نظام کے اختتا می زادی معیار مسرکت $(L=I\omega)$ معیار سرکت L_f کو نظام کے ابت دائی زاوی معیار حسر کے L_i کے برابر رکھتے ہیں۔

$$I_f \omega_f = I_i \omega_i$$

آپ دیکھ سکتے ہیں، چکا کی طسر نہ بھوزا کے کلبلانے سے کچھ کمیت محور تھمیاو سے دور منتقبل ہوتی ہے ، المہذا نظام کا گھے ری جمود بڑھتاہے، جو س گھٹنے کاسے بنتا ہے۔

۵.۹ مکن حیرخی کی استقبالی حسرک

م**قاصد** اسس ھے کو بڑھ کر آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ حب کر کھاتے ممکن پرخی کر تحباذ بی قوت عمل کرے اس کے حب کری زاوی معیار حسر کت سمتیہ کو (البذامسکن حپیرخی کو)انتصابی محور کے گرد گھماتی ہے۔اسس گھومتی حسرکت کو استقبالی حسرکت کہتے
 - ۲. مکن حییرخی کی استقال حسرکت شیرج تلاسش کرمائیں گے۔
 - ٣. حيان مائيں گے كه استقالي حسر كت مشيرح يرمسكن حيير في كي كميت كاكو كي اثر نہيں۔

كليدي تصور

• پکر کھاتی مکن سپر فی کے تیک ہے گزرتی انتصابی محور کے گرد مکن سپر فی ذیل مشرح سے استقبالی حسرکت کرسکتی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

جہاں M مسکن جبر فی کی کمیت، γ معیار اثر کابازہ، I گھمیسر کی جمود، اور ω شرح جبرہے۔

gyroscope²

مسكن حبيرخي كياستقبالي حسيركت

و ھے رہے پر نسب پہپ جو د ھے رہے پر حیکر کائے سکتا ہو ، سادہ مسکن حیسر فی دیگا۔اگر ساکن مسکن حیسر فی کے دھے رہے د ھے رہے کا ایک سر تیک پرر کھ کر (شکل 22a.11)مسکن حیسر فی چوٹری حبائے، وہ د ھے رہے نجیلے سسر پر گھوم کر نینچے گرے گیا۔ چونکہ گرنے مسیں گھوماٹ امسل ہے، اسس پر نیوٹن کامت انون دوم لاگو ہوگا، جو (ذیل) مساوات ۲۹۔۵۲ بی ہے۔

$$\vec{\tau} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$

$$\tau = Mgr\sin 90^{\circ} = Mgr$$

اوررخ شکل 22a.11مسیں د کھایا گیا ہے۔ (Mg اور تر کے فیزاوی 90° ہے۔)

تیبز حب کھاتی مسکن حب رخی کاروی مختلف ہوگا۔ وضرض کریں دھسراافق ہے اوپر دار زاویے پر رکھ کر مسکن حب رخی رہا کی حب قلف ہوگئی ہے، لیسکن اسس کے بعید دھسرے پر حب کر کائے ہوئے، گھومتی ہے، لیسکن اسس کے بعید دھسرے پر حب کر کائے ہوئے، نقط ہتا ہے۔ مورک نقط ہتا ہے۔

ممکن پرخی گرقی کیول نمیدی چسپرناکاٹے ہوئے مسکن حبر ٹی کی طسرح حبر کاٹی مسکن حبر ٹی نیچے کیوں نہیں گرتی؟ رہا کرنے پرمسکن حبر ٹی گرنا شیروع کرتی ہے، تاہم نکل کی پیدا کر دہ قوت مسروڑ ابت دائی زادی معیار حسر کت کوصنسر قیمت سے تبدیل نہیں کرتی، بلکہ حبکرے پیداغیب رصف قیمت سے تبدیل کرتی ہے۔

سے مستجھنے کے لئے کہ ابتدائی غیبہ صنب زاوی معیار حسرکت کیے مسکن حیبہ فی کو استقبالی حسرکت پر محببور کرتا ہو گا۔ ہمیں حیکر سے پیدامسکن حیبہ فی کے زاوی معیار حسرکت کے پر غور کرنا ہو گا۔ صورت حسال آسان بنانے کی حناطسر، ہم صنبرض کرتے ہیں کہ لیا کے لیاظ سے استقبال حسرکت سے پیدازاوی معیار حسرکت و تابل نظسر انداز ہے۔ ساتھ ہی، جی سنسکل aa.22b مسیں دکھایا گیا ہے، ہم صنبرض کرتے ہیں کہ جس کمچے استقبال حسرکت مشروع ہوتی ہے، دھسراافتی ہے۔ مساوات ۱۳۱ مے لیے کی وقت رکھتے ہیں:

$$(a, rr)$$
 $L = I\omega$

جہاں دھسرے کے لحیاظ ہے I مسکن حمیسر ٹی کا گھسیسر کی جمود اور دھسرے پر حمیسر کا نے کی پہیے کی زادی رفت ارU ہے۔ جمیس شکل 22b.11 مسیار اثر کے بازو تو کو متوازی ہے، جمیس نے مسیراہ ہوگا۔ چونکہ L معیار اثر کے بازو تو کو متوازی ہے، تو سے مسیروڑ تو کا ادار آل کو عسود دار ہوگا۔

precession[^]

مساوات ا 4 کہتی ہے، وقت وقف dt مسیں قوت مسروڑ 7 مسکن حسر فی کے زاوی معیار حسر کت کی قیت مسین (ذیل) معمولی تبدیل dL پیدا کرتی ہے۔

$$(\mathbf{a}.\mathbf{rr}) \qquad \qquad \mathbf{d}\vec{L} = \vec{\tau}\,\mathbf{d}t$$

 \vec{L} تاہم، سیز حپر کائی مسکن حپ رخی کے لئے، \vec{L} کی ت در مساوات 3.40 کے تحت اٹل ہے۔ یوں قوت مسروڑ صرف کارن تب بیل کر سکتا ہے، ناکہ اسس کی ت در۔

مساوات 0.00 گنت 1 کارخ 1 کو عسود دار ہوگا۔ زادی معیار حسرت کی تبدیل کے بغیبر، 1 کارخ 1 کارخ 1 کارخ 1 کارخ 1 کو عسود دار ہوگا۔ زادی معیار حسرت کی تبدیل کرنے کا واحد طسرایت، جیب مشکل 22c.11 مسین د کھیایا گیاہے، محور 1 کارخ 1 کارخ راز کی راز پر جلت ہے، اور 1 کی قسر راز می راز کی راز پر جلت ہے، اور 1 کی مسین آسس راز ہوگا، دھسرے کو محور 1 کی گرد 1 کارخ گومت ہوگا۔ یوں استقبالی حسرت پیدا ہوگا، دھسرے کو محور 1 کی رد 1 کی دران حیکر کا ٹی مسکن حیبر ٹی کو نیوٹن کے متانون دوم (ک گی۔ ابت دائی زادی معیار حسر ک میں تبدیلی کے در عسل کے دوران حیکر کا ٹی مسکن حیبر ٹی کو نیوٹن کے متانون دوم (ک زادی رویس) پر پورانا تاہوگا؛ یوں گرنے کے بحب کے اس کو استقبالی حسر ک کی بوگی۔

استقبال حرکھے۔ ہم ساوات ۱۵٬۴۲ اور ساوات ۱۵٬۴۲ ستعال کرکے $dec{L}$ کی ت در تلا شس کر کے :

$$dL = \tau dt = Mgr dt$$

استقبالی ترکت کی شرح ۹ Ω تلاش کرسے ہیں۔ باریک وقت وقف dt میں معمولی تبدیلی رونس ہوگی، دوسرا اور L کور z کے گرداستقبال حسر کت کرتے ہوئے چھوٹے زاویہ $d\phi$ سے گزرتے ہیں۔ (شکل 220.11 میں زاویہ $d\phi$ بڑھا حسر گرمان ہیش کیا گیا ہے، تاکہ اسس کی وضاحت ہو۔) مساوات $d\phi$ برمان ہوگا۔ $d\phi$ کی مددے $d\phi$ وزیل حسام ہوگا۔

$$d\phi = \frac{dL}{L} = \frac{Mgr \ dt}{I\omega}$$

دونوں اطسرانے dtے تقسیم کرکے شرح $\Omega=\mathrm{d}\phi/\mathrm{d}t$ رکھ کرذیل میں سال ہوگا۔

(۵.۲۲)
$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega} \qquad (2 شرک ک نشری)$$

 Ω ہے۔ نتیج اسس مفروضے کے تحت درست ہوگا کہ حپکر کاٹنے کی شہرج ω زیادہ ہو۔ یاد رہے، ω بڑھانے ہے ω گشت ہوتی، گشت ہوتی، ω اگر تحسان ہوتی، ω اگر تحسان ہوتی، ω استقبالی حسر کت نہ ہوتی، ω کاتف عسل ہے لہذا مساوات ۵.۳۲ مسیں کیت کٹ حبائے گااور ω کیت پر مخصسر نہیں ہوگا، م

مساوات ۲۶.۵۷ اطلاق اسس حپکر کاٹے مسکن حسر فی پر بھی ہو گا جس کا دھسرا افق کے ساتھ زاویے پر ہو۔ اسس کا اطلاق حپکر کاٹے الٹویر بھی ہوگا، چونکہ لٹودر حقیقت افق کے ساتھ زاویے پر مسکن حسر فی ہی ہے۔

precessionrate9

نظب رثانی اور حنـلاصب

لوهكتے اجمام رداس R كاپہياجو بموارى سے لاهكت بوكے لئے ذيل بوگا:

$$v = \omega R$$

جہاں پہیے کے مسر کز کمیت کی خطی رفت ار_{سر کزئی}ں تا اور وسط کے گرد پہیے کی زادی رفت ار س ہے۔ پہیے کو "سٹر ک "کے نقطہ P کے، جہاں پہیا سٹر کے سے تماسس مسیں ہے، گرد لحماتی گھومت تصور کسیا حباسکتا ہے۔اسس نقط پر پہیے کی زاد کی رفت ار پہیے کے وسط پر پہیے کی زادی رفت ارکے بر ابر ہوگی۔ لڑھکاتے پہیے کی حسر کی توانا کی ذیل ہے:

ا گر پہیازاویہ θ میلان سے ہموار نیچے لڑھکنی ہو، میلان کے اوپر وار ہمسراہ محور xیراسس کااسسراغ ذیل ہوگا۔

ق مروڑ لبطور سمتیں تین ابساد مسیں، آت ایک سمتیہ ہوگاجو کسی مقسررہ نقط (جوعسوماً مبداہوگا) کے لیاظ سے معسین ہوگا؛ اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$ec{ au} = ec{r} imes ec{F}$$

جباں ذرے پر لاگو قوت $ec{f}$ اور کی اٹل نقط کے لحیاظ سے ذرے کامعتام تعسین گرسمتیہ $ec{ au}$ ویت ہے۔

(2.12 .2.14)
$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

جباں \vec{F} اور \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو عصود دار \vec{F} کا حبزو F_{\perp} ہے، اور \vec{F} کا معیار اثر کا بازو r_{\perp} ہے۔ دائیں ہاتھ کا صاحب ہ \vec{r} کا رخ دیگا۔

(a.in)
$$\vec{\ell} = \vec{r} imes \vec{p} = m(\vec{r} imes \vec{v})$$

 $\vec{\ell}$ کی ت در ذیل دیتی ہیں:

$$(a.19) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

$$(a.r\bullet) \qquad \qquad \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$(a.r) \qquad \qquad \ell = r_{\perp} p = r_{\perp} m v$$

جباں \vec{r} اور \vec{p} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو عصود دار \vec{p} اور \vec{v} کے حبزو p_{\perp} اور p_{\perp} بیں، اور اٹل نقطے کا مبوط \vec{p} عصود دار ون اصلہ p_{\perp} ہے۔ دایاں ہاتھ وت اعبدہ \vec{b} کارخ دیگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کا زاوی روپ درے کے لئے نیوٹن کانت نون دوم زادی روپ مسین ذیل تکھ جب سکتا ہے:

(a.rr)
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جبان ذرے پر صافی قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ اور ذرے کازاوی معیار حسر کت \vec{k} ہے۔

فروں پر مثنگی نظام کا زاوی معیار حرکھ زروں پر مشتل نظام کا زادی معیار حسر کے آذروں کے انفسرادی زادی معیار \vec{L} کا تعمیر محید ہوئے۔ \vec{L} کا تعمیر محید ہوئے۔

(a.ry)
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

اس زاوی معیار حسر کت کا وقت تغسر ق نظام پر صافی ہیں رونی قوت مسروڑ (نظام سے باہر ذروں کے ساتھ باہم عمسل سے پیدا قوت مسروڑ کے سعتی مجسوعہ) کے برابر ہوگا۔

(۵.۲۹)
$$au_{\dot{b}} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$
 (دروں پر مشتمل نظام)

استوار جهم کا زاوی معیار حرکت مقسره محور پر گلوت ہوئے استوار جهم کا، محور گلمساو کو متوازی، زاوی معیار حسر کت کاحب زو ذیل ہوگا۔

(a.m)
$$L = I\omega \qquad (50, -1)$$

زاوی معیار حرکھے کی بقا نظام پر صافی ہیں دونی قوت مسروڑ صنسر ہونے کی صورت مسیں نظام کازاوی معیار حسر سرت آیا گی ہوگا۔

$$(2.mr)$$
 متقل $\vec{L} = \vec{L}$ (بدانظام)

$$($$
ه.rr $)$ $ec{L}_i = ec{L}_f$ (مبدانظام)

ب زاوی معیار ترکھ کی بقا کا قانون ہے۔

مکن پرخی کی استقبال حرکت حیکر کائی مسکن حیر خی تیک ہے گزرتی انتصابی محور پر ذیل شدرے استقبال حسرکت کرستی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

ہاں M مسکن چرخی کی کمیت، γ معیاراژ کابازو، I گھمیسر کی جمود،اور ω چکر کالنے کی مشرح ہے۔

سوالا ____

سوال ۱.۵: ایک کمیت اور ایک مستقل رفت ار پر چلتے ہوئے تین ذروں کے سمتی رفت ارسمتیات شکل 23.11 مسیں دکھائے گئے ہیں۔ نقط میں درجب سندی، دکھائے گئے ہیں۔ نقط کی درجب سندی، اعظم میں اور کہ جب تین ذروی نظام کے صافی زادی معیار حسر کت کے لیاظ سے کریں۔

سوال ۵.۲: ذرہ A اور ذرہ B کا xyz محدد $(1 \, m, 0, 1 \, m)$ اور $(1 \, m, 0, 1 \, m)$ ہے (شکل 24.11) ہیں اور نے بین گسنتی دار قوت مسل کرتی ہیں، جن کی تدر ایک برابر اور رخ ایک ایک محدد کی محور کے رخ ہے۔ (۱) کون می قوت مبدا پر محور y کے متوازی قوت مسروڑ کی قوت مسروڑ کی قبدر کے لیاظ سے آرے پر قوت مسروڑ کی قبدر کے لیاظ سے قو تول کی در جب بیندی، اعظم قبت اول رکھ کر، کریں۔

سوال \vec{r} . (وری دار لوکا دھ گھ()) توت \vec{F} ہے (جس کا خط عمسل مینے پر نقطہ تمسس ہے گزرتا ہے)، (ب) تو \vec{F} وجس کا خط عمسل نقطہ تسسس ہے بلندی پر گزرتا ہے)، اور (خ) تو \vec{F} (جس کا خط عمسل نقطہ تسسس ہے دائیں گزرتا ہے)، اور (خ) تو ہے گھنچ احب تا ہے۔ ابت دائی طور ساکن ڈوری دار لٹوکو کمیا ہوگا؟

سوال ۵.۵: مبدا پررکھے ذربے پر ایک وت درکی تین قوت عمسل کرتے ہیں (مشکل 26.11)۔ \vec{F}_1 سیدھ صفح کے اندر رخ عمسل کرتے ہیں (مشکل 26.11)، P_2 ، اور (ج) نقط ہے P_3 ، اور (ج) نقط ہے جہت اول رکھ کر ، (۱) نقط ہے P_1 ، (ب) نقط ہے کہ کہا ہے کہ کہا ہے کہ یہ بہت کی انداز کے لیا تا ہے کریں۔

 $\ell=(2)$: $\ell=3t+4$ (ا) سین اور مین اور کازاوی معیار حسر کست $\ell(t)$ سین اور مین (1) $\ell=3t+4$ (۱) معیار حسان قوت مسروژی مین (1) $\ell=2$ (2): $\ell=4$ (1) معیار $\ell=2$ (3): $\ell=2$ (6): $\ell=2$ (6): $\ell=2$ (7): $\ell=2$ (8): $\ell=2$ (8): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (1): $\ell=2$ (1):

موال ۵.۸: متطیل سل جو وسطی نقط 0 سے گزرتی انتصابی محور کے گرد گھوم سکتی ہے کا فصن کی نظارہ شکل 27.11 میں جسن حباتا میں پیش ہے۔ سامیں دھنس حباتا ہے، جو سل مسین دھنس حباتا ہے۔ چوسروں کی کمیت ایک حبیب اور رفت ارایک برابر ہے۔ (۱) مت امات کی در حب ببندی، اعظم قیمت اول رکھ کر، چھسروں کی کمیت ایک جیسے ہوئے کن راہ کے لئے سل کر، چھسروا گئے کے بعد سل (اور چھسروا) کی زاوی رفت ارکے لئے سل (اور چھسرا) کی روزوی معیار حسر کے منفی ہوگی؟

سوال 9.3: سشکل 28.11 مسیں پہیے کے زاوی معیار حسر کس کی متدر کے بالقابل وقت t پیش ہے۔ حیار حسرون دار وقتی دورانیوں کی در حب سندی پہیے پر عمسل پسیرا قوت مسروڑ کی متدر کے لحاظ سے کریں۔ اعظم قیت اول رکھیں۔

موال ۱۰.۵: مستقل سمتی رفت از تن پر چلت ابوا ذره اور پاخی نقطی بمن xy میدد مشکل 29.11مسین د کھائے گئے ہیں۔ نقط پر ذرے کے زادی معیار حسر کت کی تندر کے لیاظ سے نقطوں کی در حب بسندی کریں۔ اعظم قیمت اول رکھیں۔

سوال ۱۱.۵: توپ کا گولا اور تنجاب کن حسالت ہے مسلمان پر نشیب وار لڑھکتے ہیں۔ کسیا توپ کے گولے کا کنچے ہے (۱) زمسین تک چینج کا دورانیہ اور (ب) زمسین پر پہنچ کر خطی حسر کی تو انائی زیادہ ہو گی، کم ہو گی، یا دونوں بر ابر ہیں؟

سوال ۱۱.۵: پیتل کے ٹھوسس ہیان اور ککڑی کے ٹھوسس ہیان کی کمیت اور رداسس ایک پین (ککڑی کا ہیان زیادہ لمب ہے)۔ ایک ساتھ رہائی کے بعد دونوں میلان پر لڑھکتا ازتے ہیں۔(۱)کون ہیان زمسین پر پہلے پہنچے گا، یاکسیادونوں ایک ساتھ بہنچتے ہیں؟(ب)کلڑی کے ہیان کا سر کاٹ کر ہیان کو پیتل کے ہیان بھناہت یا جب اور پیتل کے ہیان کی کوسطی کمی محور مسیں سوراخ کر کے کمیت گیاکر دونوں ہیان کی کمیت برابر کی حباتی ہے۔ اب کون ہیان مقتا بلے مسیں برابر ثابت ہوتے ہیں؟

سوالا ____

متقیم حسر کے اور گھے اومسل کر لڑھکاو دیتے ہیں

سوال ۱.۵: ایک گاڑی h^{-1} 80 km h^{-1} رفتارے استواسٹر کے بیٹرے رفخ کی رہی ہے۔ اس کے پہنے کے (۱) وسط، (ب) بالا سر، اور پہنے کے (۱) وسط، (ب) بالا سر، اور (۶) نحیلے سرکی استواغ کی وقت رقہ کسی کی خیلے سرکی استواغ کی وقت رقہ کسی میٹر نفت رفتار تو کسی ہوگی؟ سٹر کی سندر کا کسی میٹر تھی مسیں، پہنے کے (ز) وسط، (۲) بالا سر، اور (ط) نحیلے سرکی مستول کی وقت رفتار تو کسی میٹر کے کسن رکے کسی کے لیاظ ہے ، اکائی سمتیہ ترقیم مسیں، پہنے کے (ز) وسط، (۲) بالا سر، اور (ط) نحیلے سرکی مستول فت رفتار تو کسی میٹر نفت کے کسارے گوئی ، اور پہنے کے (ر) وسط، (یا) بالا سر، اور (یب کے لیے سے کے اسراغ کی وقت در تھ کسی ہوگی؟

-(1) حوال -(1

لڑھکاو کی قوتیں اور حسر کی توانائی

سوال ۵.۳٪ افتی زمسین پر $140 \,\mathrm{kg}$ کا گھیسر الزھکتا ہے۔ گھیسرے کا مسر کز کمیست $0.150 \,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفت ارتبار کے کے گئت کام سرانحب ام کرنا ہوگا؟

موال ۱۵.۲٪ شھوسس یکساں کرہ میلان پر لڑھکت اتر تا ہے۔ (۱) کرہ کے مسرکز کیسے کے زادی اسسراع کی متدر 90.10 ہونے کے لئے زاوی میلان کر اترے، کیا اسس کے اسسراع کی متدر زیادہ ہوگی، کو بی ہوگی؟ کیوں؟

سوال ۵.۵: ایک گاڑی، جس کی کمیت 1000 kg ہے، کا پہیا 10 kg ہے۔ جیاتی گاڑی کے کل حسر کی توانائی کا کتت حصہ (حیار) پہسیوں کے دھسرے پر گھاو کی بدولت ہو گا؟ پہیے کو یکساں مسترص تصور کریں۔ آپ کو پہیے کا رداسس حسن نے کی ضرورت کیوں در پیش نہیں؟

v سوال ۵.۲: سشکل 30.11 مسیل، 30° مسیلان پر v مسیل مسیل مسیل وقت v مسیل وقت v مسیل مسیل وقت و مسیل مسیل وقت و v مسیل مسیل وقت و مسیل و مسی

 $\theta=2.2$ سوال ۵.2: شوس بیلن، جس کارداس $10\,\mathrm{cm}$ اور کیب $12\,\mathrm{kg}$ بین میان جسال ناده کرتا ہے۔ آغن زکر کے $10\,\mathrm{cm}$ کا 30° داویے کی چھت پر $10\,\mathrm{cm}$ بین ہیں کہ نادوی کو پر بسیان کازاوی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) چھت کا کن اردازہ مین سے $10\,\mathrm{cm}$ بالندی پر ہے۔ گرتے کے طولی محور پر بسیان کازاوی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) چھت کا کن اردازہ مین پر گرتا ہے؟ جھت کے کن ارب سے بسیان کتے افقی ون صلے پر استواز مسین پر گرتا ہے؟

 $h=2.0\,\mathrm{m}$ بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا $H=6.0\,\mathrm{m}$ بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا $H=2.0\,\mathrm{m}$ اونچے افتی کنارے ہے گرتا ہے (شکل 33.11)۔ نقل ہے کہ ہے کتنے افتی ون صلے پر گیند ذمسین پر گرے گا؟

موال ۱۰.۵: ایک کھوکھ لاکرہ جس کا رداسس سا 0.15 اور مسرکز کمیت ہے گزرتی محور پر گھمیسری جمود است اللہ میں اللہ میں اللہ میں کہ است کہ تاہے۔ ابت دائی نقطہ پر کرہ کی کل حسر کی توانائی کو ہے۔ (ا) ابت دائی تقطہ پر کرہ کی کل حسر کی توانائی کو تعالیٰ کے کتنا جسس گھیسری ہے؟ (ب) ابت دائی نقطہ ہے مسلمان کے ہمسراہ اوپر وار سا 1.0 مناصلہ طے کرنے کے بحد راسس کی (ج) کل حسر کی توانائی اور (د) مسرکز کمیت کی رفت ارکہ ایں؟

سوال ۱۱.۵: رداسس $0.30 \, \text{m}$ اور کیت $10 \, \text{kg}$ پیے پر $10 \, \text{N}$ و تدر کی مستقل افتی توت \vec{F}_{g} لاگو کی حباتی ہے (مشکل 34.11)۔ پہیا افتی سطح پر ہموار لڑھکتا ہے، اور اسس کے مسر کز کیت کے اسسراع کی متدر 34.11 ور اسس

(۱) اکائی سمتیہ ترقیم مسیں پہیے پرر گڑی قوت کیا ہے؟ (ب) مسر کز کمیت سے گزرتی مسر کز گھساد پر پہیے کا گھسیری جمود کسیاہے؟

حوال ۱۵.۱۲: پیت کا گھوسس گیند، جس کی گیت $0.280 \, \mathrm{kg}$ ہے، گھیر در گھیر راہ کے سیدھے تھے پر ہاکرنے ہے $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور ہاکرنے ہے در اور گیند کارداسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور ہاکر داسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور ہاکہ کارداسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور گئیند کارداسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور از گھیر کے مندراز پر بھنچ کر گیند راہ سے علیحہ دہ ہونے کے دہانے پر ہو، $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور اگر گیند کے دہانے پر ہور کا کسیا ہوں گ

سوال ۱۳ ان عنی ریک گیند ، جس کارداس R اور کمیت M ہے ، ساکن حسالت سے میلان پر جو الرقع کے دائری گھیر پنجت ہے (شکل 36.11 کی ابت دائی بلندی h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان کو تاریخ کو گلیت دیر عصوری توت کی و تدر h=0.36 سے میلان کو افراد نوی کر دارونی کر دارجو یک اور کر کوئی خول (جو یک ان کو افراد کے مادے سے بنا ہے) کے اور کر وی خول (جو یک ان کافت کے مادے سے بنا ہے کے اور کر وی خول (جو کی دوسر سے یک ان گافت کے مادے سے بنا ہے کہ جو گاہ ہوئی کا گلیت کے اور کر وی کوئی سے وی کا ہے h=0.36 سے بنایا گلیت ہے گئیت کے گئیت کر گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کر گئیت کر گئیت کے گئیت کوئی کوئیت کوئیت کی گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کوئیت کے کہنا کوئیت کے کہنے کہ کوئیت کوئیت

روال ۱۵.۱۵: ایک چیوٹا، ٹھوس، یک الگیند نقط P سے چینکا حباتا ہے تاکہ گیند افقی راہ پر ہموار لڑھک کر، میلان پر حب رہ میلان پر میل (خیلی) سطح مسر تفع پہنچ (شکل 37.11)۔ سطح مسر تفع پر گرتا ہے۔ انقصابی بالبندیاں $h_1 = 5.00 \, \mathrm{cm}$ اور $h_2 = 1.60 \, \mathrm{cm}$ بین راگر $h_3 = 6.00 \, \mathrm{cm}$ ہو نقطہ P بر گیند کی رفت ارکب ہوگی؟

سوال 10.10: رداس $R=11\,\mathrm{cm}$ کا گیند افتی راه پر روانا کیاحب تا ہے (شکل 38.11)۔ گیند ابت دائی رفت ار $R=11\,\mathrm{cm}$ میں میں دواس $R=10\,\mathrm{cm}$ کے ساتھ راہ پر گھٹت ہے اور اس کی ابت دائی زاوی رفت ار $R=10\,\mathrm{cm}$ ہے۔ گیند اور اس کی ابت دائی زاوی رفت اور کیند کو خطی ممرع کرتی ہے راہ کے فیج حسر کی رگڑ کا متقل 20.21 ہے۔ حسر کی رگڑی قوت میں گرتی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے تا کافی گھٹے اور زاوی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی سے کافی گھٹے اور زاوی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے کہ بعد گیند گھٹے اور زاوی رفت از میں کی صورت میں کافی بڑھنے کے بعد گیند گھٹے ابند کر تا ہے اور بموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے۔ (ا) اس کھے پر کس کی صورت میں مرزئی دیر کا میں ہوگا گھٹے در ان گیند کا رہے گھٹے در اور کی زاوی اسراع کورائی گیند کورائی گیند کورائی گیند کی در اور کی کھٹے کے دورائی گیند کی ورائی گیند کر تا ہے اس کی میں مرزئی ہوگا ؟ (و) گیند کتے ون صلد گھٹت ہے؟ (و) جس کے گیند ہموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے اس کی میں مرزئی سے گیند ہموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے اس کی میں مرزئی ہوگا؟

سوال ۱۱. ۵: غیبر یکس بسیلی جم شکل 39.11 میں کمیت M اور رداسس R کا بسیلی جم بموار لڑھک کر میلان سوال ۱۹. ۵: غیبر پہنچت ہے۔ یہس سے وولڑھک کر، کسنارے سے M=0.506 m افق صلے پر زمسین پر گر تا ہے۔ جم کی ابت دائی بلندی H=0.90 m اور میلان کا کسنارہ h=0.10 m بلند ہے۔ اندرونی بسیلن (جو یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) پر بسید وفی بسیلن خول (جو مختلف یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) چہر جساکر جم بہنا یک گائیست کے مادے سے بہنا ہے) کہ جود عسوی کلیہ M=0.50 اور میسان کی قیمت M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی صورت مسین M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی قیمت M=0.50 بسیل (یکسال بسیلن کی قیمت کی قیمت کی قیمت کی تو کسیل کی قیمت کی تو کسیل کرنے کی کشیل کی قیمت کی تو کسیل کی قیمت کی تو کسیل کرنے کی کشیل کی تو کسیل کرنے کے کہنے کی کشیل کے کہنے کرنے کی کرنے کی کرنے کی کا کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کرنے کی کشیل کی تو کسیل کے کہنے کی کسیل کرنے کی کسیل کرنے کے کسیل کرنے کے کہنے کی کسیل کی تو کسیل کرنے کے کسیل کی کشیل کے کسیل کے کسیل کرنے کے کسیل کرنے کے کسیل کے کسیل کے کسیل کرنے کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کرنے کے کسیل کی کسیل کرنے کے کسیل کے کسیل کے کسیل کرنے کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے

ڈوری دار لٹو

سوال ۱۵.۵: ڈوری دار لئو کا گھسیسری جمود 980 g cm² اور کمیس بے دھسرے کارداسس 3.2 mm کے دھسرے کارداسس 3.2 mm اور ڈورکی لمب بی تک 120 g ہے۔ آس کے دھسرے کارداسس 120 cm کے اور ڈورکی لمب بی 120 cm کی 120 cm کی اسسے خطی اسسراع کی ویٹر کسیا ہوگی؟ (ب) ڈورکے آحنسری سسر تک لئو کتنی دیر مسین پنچت ہے؟ (ج) ڈورکے آحنسری سسر کو توانائی، (د) خطی افساری خطی دفت ارکب ہیں؟

سوال ۱۰۸۸ تا ایک بڑا ڈوری دار لئو کرین سے رہاکت حب تا ہے۔ لئو کی کمیت 116 kg ہے جو 20 رداس کے دوفت رص علی میں م 3.2 cm دراس کے دھسرے کے ساتھ جو ڈر کر بنایا گیا ہے۔ (۱) اتر نے اور (ب) جپڑھنے کے دوران لئو کے اسراغ کی متدر کسیا ہے؟ (ج) لڑھکا و کے دوران ڈور کا تناو کسیا ہے؟ (د) کسیا ہے ڈور کے انتہائی تناو کل کے قسریہ ہے؟ فضرض کریں آپ اسس ڈوری دار لئو کا بڑا نمون (ای شکل وصورت اور مادے کا) بناتے ہیں۔ (ہ) کسیا تارکے دوران بڑے لئو کے اسراغ کی وتدر زیادہ ہو گی، کے وہی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کو وی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کہ وگی، کا وی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کو وی ہو گی؟

قوت مسروڑ پر نظسر ثانی

سوال ۱۹.۵: قوت $\vec{F}_1 = (3.0\,\mathrm{N})\hat{k} = (-2.0\,\mathrm{N})\hat{j}$ اور $\vec{F}_1 = (3.0\,\mathrm{N})\hat{k} = 0$ ایک پسو پر عمسال کرتی میں بیری ہور $\vec{F}_2 = (0, -4.0\,\mathrm{m}, 5.0\,\mathrm{m})$ محدد پر بیٹھ ہے۔ مبدا کے لحساظ سے پسو پر صافی قوت مسروڑ اکائی سمتیہ ترقیم مسیں کس بوگی؟

 $F_{\chi}=(0)$ برواقع ہے، عمل پیدر اقوت کاواحد حبزو ($-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$) برواقع ہے، عمل پیدر اقوت کاواحد حبزو ($-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$) جہدرا کے لیے اللہ کہ متبہ جہدرا کے لیے اللہ کہ متبہ کے اللہ کہ متبہ کے لیے کہ اللہ کہ متبہ کروڑ کے اللہ کہ میں ناشیاتی پر قوت مسروڑ کے ہوگی؟

 $F_{1x}=0$ بوال ۲۰۱۰ نیست زرے پر بھو $(0,-4.0\,\mathrm{m},3.0\,\mathrm{m})$ پر واقع ہے، ذیل تو سے مسل کرتی ہے: (۱) جہاں نوال ۲۰۱۰ نیست جہ تاکل کی جہاں تاکل جہاں $F_{2z}=4.0\,\mathrm{N}$ ، $F_{2y}=0$ ، $F_{2x}=0$ جہاں کہ جہاں کہ جہاں کہ خوال کے لیے تاکل جہاں کہ جہاں کے جہاں کہ جہاں

 $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j} = 7$ ایک ذرب پر عمس کرتی ہے حباکا تعلین گرسمتیہ $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j} = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} = -10.0 \, \mathrm{N}$

زاوی معیار حسر ک<u>ت</u>

 $\vec{v}=0.25\,\mathrm{kg}$ اور سمتی رفت او $\vec{v}=(2.0\mathrm{i}-2.0\mathrm{k})\,\mathrm{m}$ اور سمتی رفت او $\vec{v}=(2.0\mathrm{i}-2.0\mathrm{k})\,\mathrm{m}$ اور سمتی رفت اور کائی سمتیر ترقیم $\vec{v}=(-5.0\mathrm{i}+5.0\mathrm{k})\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور کائی سمتیر ترقیم مسین (۱)جم کازادی معیار حسر کت اور (ب)جم پر توت مسر و گرکت ہے؟

ووال ۱۹۰۸ نقط (x,y) ہے، جس کے محد و x (x,y) ہیں، کیت x (x,y) کازرہ نے جم متوی مسیں $x_y = 60 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x_y = 60 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے اور $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کازاوی معیار $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے لیا ہے جسم کازاوی معیار $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے لیا ہوگا؟

 $\vec{d} = (2.00 \, \mathrm{m}) \hat{i} + (4.00 \, \mathrm{m}) \hat{j} - \mathrm{sec} \hat{j} = -(6.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{k} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} +$

سوال ۱۳۰۱: ایک گیند جس کی کیت s^{-1} و ما 0.400 kg استدائی رفت ارے سیدها اوپر وار پھیکا حسات ہے (1.70 kg میں اوقع نقطہ s^{-1} کے لحاظ ہے ، جب گیند (۱) بلند ترین مساحلے پر واقع نقطہ s^{-1} کے لحاظ ہے ، جب گیند (۱) بلند ترین مسلم کی پر ہواور جب (ب) وادر جب (ب) والس گرتے ہوئے نصف بلندی پر ہو، گیند کا زادی معیار حسر کت کیا ہوگا؟ گیند پر تحب ذبی

توت کی قوت مسروڑ P کے لحیاظ ہے اسس وقت کے ابو گی جب گیند (ج) بلند ترین نقطی پر ہواور جب گیند (د) والپس گرتے ہوئے نصف بلندی پر ہو؟

نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

سوال ۵.۳۲: مبدا کے لیے ظربے زرے پر وو قوت عمل کرتی ہیں: $\vec{\tau}_1$ کی تسدر $d\vec{\ell}/dt$ اور اسس کارخ محور x کے مثنی رخ ہے، اور $\vec{\tau}_2$ ہوت کے مثنی رخ ہے، اور $\vec{\tau}_2$ ہوت کی صدر $d\vec{\ell}/dt$ تلاسش کریں، جہاں مبدا کے لیے ظربے ذرے کازاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}$ ہے۔

موال ۱۵۳۵ وقت xy محددی نظام مسیں موال ۱۵۳۵ وقت xy محددی نظام مسیں جارا کے لیاظ ہے xy محددی نظام مسیں عوال ۱۵۳۵ ورے کامعتام دیت ہے (جہاں تم مسیر مسیں اور t سیکنڈ مسیں ہے)۔(۱) مبدا کے لیاظ ہے ذربے پر عمسل پسیر اقوت مسروڑ کاریاضی فقت رہ تلاش کریں۔ (ب) کسیا مبدا کے لیاظ ہے ذربے کا زاوی معیار حسر کت بڑھ رہا ہے ،گھٹ رہا ہے ،بات بیل جسیں ہورہا؟

استوارجهم كازاوي معيار حسركت

موال ۵.۳۲ تین گومتے مسترص کو دویے ملاتے ہیں (مشکل 43.11) دایک پیٹ مسترص A اور C کے چکا پر لیٹ ہے۔ دوسر ایٹ مسترص A کے وسطی نابھ اور مسترص B کے چکا پر لیٹ ہے۔ یے ہمواری سے بغیب پیسلے چکا اور نابھ پر حسر کست کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس R :اسس کے نابھ کارداسس 8 :اور مسترص کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس 0.2500R :اور مسترص کی کارداسس 2.000R ہے۔ مسترص B اور C کی کثافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا ورسس کی کارداسس کے نابع کی کشافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا وسترص کی کارداس کی مسیار حسر کست کی صدروں کی نبیت کیا ہے؟

d=0 سوال ۱۹۳۵: کمیت g=0 کمین درے، تین بلاکمیت سان وں سے جسکڑے ہیں، جن کی لمب اسیاں m=0 کا در زاوی رفت ال m=0 کمیت کی سے گھومت ہے۔ نقط m=0 کمیت رک جم کا گھیسے رک جم ورد (ب) در میانے ذرے کے زاوی معیار حسر کت کی قت در ، اور (ج) حب امد جم کے زاوی معیار حسر کت کی قت در ، اور (ج) حب امد جم کے زاوی معیار حسر کت کی قت در کوت کی قت در کی است کی قت در کی است کی قت در کا وی معیار حسر کرت کی قت در کا وی کا میں کی کا کہ کی کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کی کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کی کا کہ کی کہ کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کا کہ کی کر کے خوال کا کہ کی کے کہ کا کہ کا کہ کا کہ کی کا کہ کر کے کا کہ کر کا کہ کر کے کہ کا کہ کا

سوال ۵۳۸: ریگ مال کافت رس، جس کا گھیسری جود 10-3 kg m² ہے، برتی برما ہے جوڑا گیا ہے جس کی موڑ قت میں کے وسطی محور پر سال 16 N m وتدر کی قوت مسروڑ پیدا کرتی ہے۔ اگر قوت مسروڑ عا 33 ms کے لئے فنداہم کی حبائے، اسس محور پر وقت میں (ا) کے زاوی معیار حسر کت اور (ب) زاوی سستی رفت ارکی وقت درکیا ہوگی؟

سوال 90 . وسطی محور پر اڑن پہیے کا گھیے ہی جمود 90

au سوال ۵۰،۴۰۰ ایک و تسرس، جس کا گلمیسری جمود $2.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ برائع وقت قوت مسروڑ $t=1.00\,\mathrm{s}$ برائس کازاوی معیار حسر کست $t=1.00\,\mathrm{s}$ برائس کازاوی معیار حسر کست $t=3.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ برائس کازاوی معیار حسر کست کی برائس کازاوی معیار حسر کست کیب ہوگا؟

سوال R سوال R ورکس R اور کیت R سوال ورکس R اور کیت R اور کیت R اور کیت R بنایا گیا ہے۔ R اور کس R اور کمیت R اور کہیت R بنایا گیا ہے۔ R اور کستقل رفت ارکس کور پر استوار جم R وری عسر ص کی مشتقل رفت ارک گلومت ہے۔ وسر ض کریں R وری عسر ص کی مشتقل رفت ارک گلومت ہے۔ میسر ض کریں R اور R بازد کی معیار حسر کست تلاشش کریں۔ R وری جم کا (۱) گلیس کی جمور اور (ب) زادی معیار حسر کست تلاشش کریں۔

سوال ۵٬۴۲: ابت دائی ساکن ت رص پر ، شکل 46.11 میں پیش، قوت مسروڑ au ممسل کرتی ہے۔ ت رص وسطی انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ محور au کا پیسا نہ au اور au کا بیسا نہ کور پر گھوم سکتا ہے۔ وقت au اور au اور au اور au اور au کی اور au کا بیسا نہ کور پر و ت رسیر می کا زاوی معیار حسر ک سے بہوگا؟

زاوی معیار حسر کت کی بقسا

سوال ۳۳۰ ۵: دو پھملن باز ۱۰ جن کی کمیتیں 50 kg بین، متوازی راہوں پر، جن کے ﷺ 3.0 m فناصلہ ہے، ایک دوسرے کی طسر وز پھملن باز ۱۰ جن کی کمیتیں 50 kg بین، متوازی راہوں پر، جن کے قاش میں محتالف ستی رفت اور 1.4 m s میں برخت کر حسر سے پکڑ کر ، افٹائے ہوا ہے، اور دوسر اپھسان باز فت ریب گزرت کے دوسو کے گور کو سے باز بلا کیت لمب افزاء ایک سسر سے پکڑ کر ، افٹائے ہوا ہے، اور دوسر اپھسان باز فت ریب گزرت کے دوسو کے گرد گوستے بین۔ پھسلن مختوب ااور برف کے دوست ڈنڈ کے کادوسر اسر کیڑلیتا ہے۔ اسس کے بعد دونوں ڈنڈ کے وسط کے گرد گوستے بین۔ پھسلن فتوبی ااور برف کی تاریخ کر دوست کے دائرے کارداس، (ب) پھسان باز گرائی کی زادی رفت اردار (ج) دو پھسان باز ڈنڈ کے کو کھنچ کر فت ریب آتے ہیں، حتی کہ ان کے ﷺ مناس سال سال 1.0 سرکی توانائی کہاں کے ناوی رفت اردار (ج) نظام کی حسر کی توانائی کہاں میں اضاف نے کے لئے توانائی کہاں کے آئی؟

سوال ۵٬۳۴۰ ایک چوبا، جس کی کمیت $0.17 \, \mathrm{kg}$ ہے، انتصابی محور پر نسب رداسس $15 \, \mathrm{cm}$ نصر ص کے چکا پر خالات گھٹڑی جسر کے مسین ہے۔ وسیر ص) گھٹ ہوری جود $10^{-3} \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ ہوری جسر کا گھٹے۔ ذمسین

skaters"

ے۔ چوہے کی رفت اور $\omega_0=2.8\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کے لیے اظ سے چوہے کی رفت اور $\omega_0=2.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کو چکا پر کھسے نے کو پچھ ملت ہے لہنے اوہ رک کے کھستان شعر وح کر تاہے۔ (۱) چوہا کے رکنے کے بعید وقت مرص کی زاوی رفت ارکسیا ہوگی؟ () کہ پی بھونرا کے رکنے کے دوران میکائی توانائی کی بقت ہوگی؟

سوال ۵٬۴۵ ایک فیص بوترا پر کھٹرا ہے۔ جب بوترا (بلارگڑ) 1.2 حبکر فی منٹ کی زادی رفت ارسے گوم رہاہے۔ شخص کے باتھ باہر کو پھیلے ہوئے ہیں اور اسس کے دونوں ہاتھوں مسیں ایک ایک اینٹ ہے۔ وسطی انتھائی کور پر شخص، اینٹ میں، اور حب بوترا پر مشتل نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر نے سے نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر مشتل نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر 2.0 kg m² ہوئی اور رہائی حسری توانائی اور پر انی حسر کی توانائی اور پر انی حسر کی توانائی اور پر انی حسر کی توانائی کہاں ہے آئی؟

سوال ۵.۴۷: انہدام پذیر حب کر دار ستارے کے گھمیے ری جمود کی قیمیہ ابت دائی قیمیہ کی $\frac{1}{3}$ ہے۔ نئی گھمیے ری حسر کی توانائی اور ابت دائی گھمیے ری حسر کی توانائی کی نبیہ کہا ہوگی؟

سوال ۴۹،۳۵: دو مسترص کم رگزی انتصابی دهسرے پر یوں نصب کیے گئے ہیں کہ انہیں مسز دوئ کر کے ایک جم کی طسر ح گھسایا جب کے بہت کہ انہیں مسز دوئ کر کے ایک جم کی طسر ک گھسایا جب کے بہلے مستری گھسے دی جمود 83 میا دب کے دوسسراف گھسٹری 900 حبکر منٹ گوم رہا ہے۔ دوسسراف رض اور گھساری جمود 800 ہے، مناو کے گھسٹری 900 حبکر فی منٹ گھسٹری جمود 900 ہے، مناو کے گھسٹری 900 حبکر فی منٹ کے دوسسراف کر انہیں مسز دوئ کی احب تا ہے۔ (۱) ان کا ذاوی رفت اراب کسا ہوگا؟ اس کے بر تکسس اگر ابت دائی طور پر دوسسراف سرص گھسٹری وار 900 حبکر فی منٹ گھومت، تب انہیں ملانے کے بعد ان کی (ب) زاوی رفت اراور (ج) گھومنے کارخ کسا ہوئے؟

سوال ۵۱.۵: ت بابل نظر رانداز گھسیری جمود کے دھرے پر پہپ 800 حیکر فی منٹ زاوی رفت ارسے گھوم رہاہے۔ دوسرا ساکن پہپ، جس کا گھسیری جمود دگن ہے، یکدم پہلے پہنے کے ساتھ مسزدوج کسیاحبا تاہے۔(۱) دو پہسیوں اور دھسرے کا ذاوی رفت ارکسیاموگا؟

موال ۵۵۰٪ ایک چھا اجواپنے وسطی نقط ہے گر دانتھا بی محور پر گھوم سکتا ہے شکل 51.11 مسین د کھیا گیا ہے۔ اسس $M=8.00\,\mathrm{kg}$ سے دونی رداس $R_1=R_2/2.00$ سے دونی رداس $R_2=0.800\,\mathrm{m}$ سے دونی رداس $R_3=0.800\,\mathrm{m}$ سے دونی کہ گئے۔ والی شیال کی کمیت و تبال نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بہ جب کہ دھسرے اور چھیا کو دھسرے کے ساتھ جھکڑنے والی شیالوں کی کمیت و تبالی نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بسیرونی کن ارداس R_2 پر کمیت R_3 پر کمیت R_3 بر کمیت R_3 بر کمیت والی گھیر انظام کی جسیر کوئی کوئی کوئی کردار کی دونی رداس R_3 کو گھیر انظام کی حسیر کی آوانائی مسین کشناہ انسان ہوگا؟

 $4.7\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ وال $0.10\,\mathrm{m}$ وال $0.10\,\mathrm{m}$ وال $0.10\,\mathrm{m}$ وال $0.00\,\mathrm{kg}$ وال $0.020\,\mathrm{kg}$ وال $0.020\,\mathrm{kg}$ وال $0.020\,\mathrm{kg}$ والحرور واست مرائ ہے۔ محور مرائی ہے۔ محور گھساویر مصالی کا گھمیسری جمود $0.020\,\mathrm{kg}$ والس میں میں بالدی اوپر سے گر کر مصالی کے کسنار سے جیکسے حباتی ہے۔ اسس کے فوراً بعب مصالی کی زاد کی رفت ارکسیا ہوگی ؟

سوال ۵۵۱: کمی چیسلانگ مسین زمسین سے انھیلتے وقت کھسلائری کوزادی معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آائ معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آگے کی طسرون کھسلائری ہزاد صدید ہے کر کے کا طسرون کھسا کر مطب کر اور معیار حسر کسی بازو کو کا گا 18.1 کی طسرز پر گھسا کر سے زاوی معیار حسر کسی بازو کو کہ کا کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو کا کہ کیسے کی سائے تصور کریں، جو ایک سے سرے گرد گھومتی ہے۔ کھسلائری کی حوالہ چو کھ میں، کندھوں سے گزرتی مشتر کسے محور پر بازوں کا کل زاوی معیار حسرک سے میں۔ کسی سے ؟

سوال ۵۵.۵: یکساں فتسر می، جس کی کمیت 10m اور رداسس 3.0r ہے انتصابی محور کے گرد گھوم سکتا ہے۔ دوسر انجھوٹا فتسر می، جس کی کمیت m اور رداسس ۲ ہے، بڑے فتسر می پر ہم مسر کز رکھا گیا ہے۔ ابت دائی طور پر دونوں فتسر می پر ایک ستر می پر ایک ستر می پر ایک ستر می پر نے فتسر می برنے فتسر می پر ایک ستر می پر ساتا ہے۔ اس بی بیساتا ہے۔ آسنس کی بین چھوٹے فتسر می کا بین چھوٹا فتسر می باتا ہے۔ اس کی بین چھوٹے فتسر می کا بین رونی کی کن اور کا بین میں بین میں ہوئے فتسر می کا بین میں کی بین اور کا بین میں رفت اور کی کھوٹے ہیں۔ (ا) بڑے فتسر می کے محور پر اب ان کی زادی سستی رفت ارکست کی رفت اور کی کہ بین کی دونوں فتسر می کور پر اب ان کی زادی سستی رفت ارکست کی کہ بین ہوگی؟

سوال ۵۵۸٪ دائری مسترص کی سشکل کا حب بوترا و سطی انتصابی محور پر بلار گڑ گھومت ہے۔ حب بوترے کی کمیت مقال ۵۵ kg رداسس m 2.0 سالر عور گھساوے گرد گھمسے میں جمود 300 kg m² ہے۔ ایک طیال عسلم جس کی کمیت کی کمیت ہے جب بوترے کے چکاہے دھسرے کی حبانب آہتہ چلتا ہے۔ جس وقت طبالب عسلم چکا پر بھتا، اگر اسس وقت نظام کی زاوی رفتار 1.5 rad s⁻¹ ہو، تب اسس وقت زادی رفتار کسیا ہو گی جب طبالب عسلم وسط سے 0.50 m ناصلے پر ہو؟

سوال ۵.۵۹: ایک سلاخ، جس کی کمیت M اور دواسس m 0.800 ہے، وسطی انتصابی محور پر M=0.00 زاوی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔ ایک زرہ، جس کی کمیت M=0.00 ہے، اور جو سلاخ کے ایک سرسے چپکا ہوا ہے، علیحہ دہ ہوکر اسس کمیے سلاخ کو عصود دار راہ پر روانا ہوتا ہے۔ حضارج ہونے کے فوراً بعد ، ذرے کی رفت ارسے v_p سلاخ کے سرکی رفت ارسے v_p ملاث کریں۔ $v_p=0.00$ سلاخ کے سرکی رفت ارسے کریں۔

سوال ۱۹۰۰. 12 نیسے منیسر یکساں ساخ، جس کی کیسے $0.50 \, \mathrm{kg}$ اور لمب کی $0.50 \, \mathrm{kg}$ ہوں کے دائیسے سرے دلکایا گیا ہے۔ اس کے دوسسرے سرکے ساتھ $0.50 \, \mathrm{kg}$ س باندھی گئی ہے (شکل $0.50 \, \mathrm{kg}$ گیا ہے) $0.50 \, \mathrm{kg}$ کے دوسسرے سرکے ساتھ $0.50 \, \mathrm{kg}$ کو میں جو دو $0.060 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کو دیسے میں میں وسائے وگو کو میں ہوں گئی ہے در ان محود کر میں جو دکھی ہوں کے سرپر واقع ہے۔ (۱) محود کم پر نظام کا گھیسے میں جود کیسے ہوں گئی ہوں گئی ہوں کے سرپر واقع ہے۔ (۱) محود کم پر نظام کا گھیسے کی جود کیسے ہوں گئی ہوں کے سرپر واقع ہے۔ (۱) محود کم بین تصادم نے قب گول کی رفت ارکسے ہوگی ؟

موال ۲۱۱۱: کیساں سلاخ (کمیت 1.0 kg مسین 2.4 kg سنگل 54.11 کے مستوی مسین 0.20 kg سنگ 54.11 کے مستوی مسین 0.20 kg کسیدی محبود کے ساتھ ، ایک سسرے گزرتی محور پر گھومت ہے۔ نشیبی نقطہ سے گزرتی موور پر گھومت ہے۔ کراتی ہوئے سلاخ کی زاد کی رفت الاحسین تصادم سے مکراتی ہے ، جو سلاخ کی زاد کی رفت الاحسین تصادم سے محبوب کے بعد کہا ہوگی ؟

سوال ۱۳۰۱: نیانش گاہ مسیں بازیگر t=1.87 مسیں حیار و تسلبازیاں کھ کرے تی ہے۔ ابت دائی اور آخری کو پنجت ہے۔ ابت دائی اور آخت کی وصل بازی وصل کو آخت کی وصل کو آخت کی مسیر کو گھیسری جو گھیسری جو کہ اور اسس کے مسیر کو کہ کی نیس کو نقط ہے کے طابر کیا گیا ہے۔ پرواز کے باتی حصل مسیں وہ جم کو زمسین پر سیسے کے صور سے مسیں وہ جم کو زمسین پر سیسے کی صور سے مسیں رکھت ہے؛ اسس دوران اسس کا گھیسری جود $I_1=3.93$ kg m² ہے۔ بیٹے حسال مسیل کی زادی رفت اور کی کے بیٹے حسال سے مسیل کی زادی رفت اور کی کے بور گھیسری جود گھیسری جود گھیسری جود گھیسری کی زادی رفت اور کی کے بیٹے حسال سے مسیل کی زادی رفت اور کی کے بوگی ؟

سوال ۱۵.۳۳ انتصابی محور پر گھونے کے وتابل ساکن جھولا، جس کارداسس سے 2.0 ہے، کے چکاپر 30 kg کیسے کا بجپ کا سے سال کا دوست کا کیسے کا گیسنداسس کی کھسٹرا ہے۔ محور گھساو پر جھولے کا گھسپری جمود 150 kg m² ہے۔ اسس کا دوست کا دوست کا گیسنداسس کی مسرون پھیسنکتا ہے۔ مسین گیسند پکڑنے سے قب لگیسند کی سستی رفتار تن افقی ہے اور اسس کی وتدر 12 m s m s میں گیسند کی سال گلسپر کے ساتھ اسس کا ذاوی ہوئے ہے، اور جھولے کو ممسائی گلسپر کے ساتھ اسس کا ذاوی ہوئے گا ہے گا ہوئے گا ہے گا ہوئے گا ہوئ

سوال ۱۹۳۳ ایک بازیگر، جس کی زاوی رفت از w_i کی گھیسری جمود دو حصوں پر مشتل ہے: جم کے لحاظ ہے ایک نائگ $\theta=90^\circ$ نائگ $\theta=90^\circ$ زاوی بر کھ کر، ٹانگ کا گھیسری جمود $H_1=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ بائگ $H_2=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ بائگ $H_3=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ با

سوال 18. 18: ایک پستی ساخ، جس کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور جس کی لمب کی سے 50 cm ہے، کے دونوں سر پر 2.0 kg پر 2.0 kg کمیت کا گئیند باندھ آگیا۔ ساخ کی گئیت کے باز خوار شطی نقط پر واقع افقی محور کے گرد گھوم سکتی ہے۔ افتی ساخ کے سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 و کمیت کی لبدی -3.00 سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 کمیت کی لبدی -3.00 ساخ کی افتار کے گئیند کے چیک حباتی ہے (شکل میں اس کھے کے بعد جب لبدی گئیند پر گرتی ہے، نظام کی زاوی رفتار کسیا ہو گی؟ (ب) تصاوم کے بعد نظام کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی خسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی گھوں کی دیات کی دو کرد کرد کی دیات کی دیات کی دیات کی دیات ک

سوال ۹۰ نظر کر سطی پہلے کی ہے۔ کی باندی ہے $00 \, \mathrm{g}$ کی باندی ہے $00 \, \mathrm{g}$ کی بہت کی بہت کی بہت کی بہت کی بان کے کہ بان کی لمب کی اسٹ کی لمب کی اسٹ کریں۔ $0 \, \mathrm{g}$ کہ بان کے کہ بان کے کہ بان کہ بان

سوال 0.40: پتلی یک سال نہ جس کی گیت M اور لمب ائی 0.600 ہے ، وسطی نقطہ O پر واقع انتصابی محور کے گرد O بھر ہنگ و O ہور نقط ہنگ ہور کے علاقہ نقط ہنگ و بیش O بر واقع انتصابی حب ائزہ پیش O بیش O بھر کہ مسل کے اور مورف اور بیس اس کا فصن ائی حب ائزہ پیش O بھر کہ اور جو O بھر کو اور میں اس کا فصن ائی میں ہے ، مسیل ہے ۔ ایک نسب کے گرا کر اس کے ساتھ چیک حب اتا ہے ۔ تصادم کے لیجے پر ذرے کی راہ اور سال آب ہونے کی صورت مسیل تصادم کے معت محام کا فت صلہ سال نے اور ذرہ سائن ہونے کی صورت مسیل کے معت محام کا فت صلہ سال نے وسط ہے گر ہوں تصادم کے بعد سال نے اور ذرہ سائن ہونے کی صورت مسیل کے سابہ کا بھر کی کا دی کر اور فرد سائن اور ذرہ کی زاوی رفت ارکار ن کسے ہوگا ؟

مكن حير في كي استقبالي حسركت

موال ۱۹۰۸: کیساں مسترص، جس کارداسس 50 cm ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھسرانیب کرکے مسکن حپر خی بنائی گئے ہے۔ دھسرے کی لمب بکی 11 cm ہے۔ دھسراافتی ہے اور اسس کا ایک سسر ٹیک پر ہے۔ اگر حپکر کی مشرح 1000 حپکر فی منٹ ہو، استقبالی حسر کے کی شرح کسیا ہوگی؟

اصٰافی سوال

سوال ۵.۷۰: یکساں ٹھوسس گیند سطح پر ہموار لڑھکے کر °15 زاویے کے میلان پر حپڑھت ہے۔میلان پر m 1.50 m لڑھکنے کے بعد گیند لمحساقی رکتاہے۔ گیند کی ابت دائی رفت ارکسیاہے؟

موال اے۔3: کیک معتقل افتی قوت ہیلن کے گرد ڈور لپیٹ کر $12\,\mathrm{N}$ کی معتقل افتی قوت ہو \vec{F}_{p_0} کے کھینجی حباتی ہے (60.11 کے سیکن کے کسیکن کسیکن کے کسیکن کسیکن کے کسیک کسیکن کے کسیکن کو کسیکن کے کسیکر کردیوں کے کسیکن کر کسیکن کے کسیکن کے کسیکن کے کسیکن کے کسیکن کسیکن کے کسیکن کسیکن کے کسیکن کسیکن کے کسیک کے کسیکن کے کسیکن کے کسیکن کے کسیکن کے کسیکر کسیکر کسیکر کے کسیکر کسیکر کے کسیکر کسیکر کسیکر کے کسیکر کسیکر کسیکر کے کسیکر کے کسیکر کس

مسر کز کیے ہے؟ ذاوی اسسراع کی ت در کیا ہے؟ (ب) مسر کز کیے ہے؟ (ب) کا کائی سمتیہ تر قیم مسین، بسیان پرر گڑی تو۔ کیا ہے؟ (ج) اکائی سمتیہ ترقیم مسین، بسیان پرر گڑی تو۔ کیا ہے؟

سوال 27. ۵: باریک حپاور سے بن یا گیا پائپ فنسرسٹس پر لڑھکتا ہے۔ لمب اُئی کے ہمسراہ وسطی محور پر اسس کی مستقیم حسر کی توانائی اور گھمیسری حسر کی توانائی کی نمیت تلاسٹس کریں۔

 $\vec{v} = -2.0t^3$ î m s $^{-1}$ کی کھنے وناگاڑی سنی رفت اور $\vec{v} = -2.0t^3$ نازادی معیار سرکت $\vec{L} = 0$ کے لئے (ا) گاڑی کا زادی معیار سرکت کے لئے (ا) گاڑی کا زادی معیار سرکت کے لئے (ا) گاڑی پر قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ج) گاڑی پر قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ج) کے لئے (ور (و) $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔

سوال 4 2. وسطی محور پر ایک پہیا زاوی معیار حسر کت 2 600 kg m² کے ساتھ گھٹڑی وار گھومت ہے۔ وقت 2 پہیپے کارخ الٹ کرنے کی عضر ض سے پہیے پر 2 50.0 N m متدر کی قوت مسروڑ لا گو کی حباتی ہے۔ کس کھے 2 کے زاوی رفتار صف ہو گی ؟

سوال 2.40 نقسیل کے میدان مسین ایک چھوٹا جھولا ہے جو انتصابی محور پر گھومت ہے۔ جھولے کار داسس m 1.20 m اور کیسے کی دیسے میں ایک چھوٹا جھولا ہے جو انتصابی محور پر گھومت ہے۔ جھولے کار داسس 180 kg ہے۔ ایک بجب جس کی گلیت 180 kg ہے۔ ایک بجب جس کی کہت کی گلیت 44.0 kg ہے۔ ایک جو لیانگ کی گئیت کی گئیت کی گئیت کی گئیت کی دور از راہ پر جھالنگ میں محمد کی دور کر جھولے پر چھالنگ لگاکر حپڑھت ہے۔ جھولے کا گھیسری جود کیا ہے ، اور رہی جھولے کا گھیسری جود کیا ہے، اور رہی جھولے کا گھیسری جود کیا ہے۔ دور ہے کے زادی معیار حسر کسے کی متدر کیا ہے، اور رہی جھولے پر حپڑھنے کے بعد جھولے اور بح کی زادی رہیا ہے، اور رہی جھولے پر حپڑھنے کے بعد جھولے اور بح کی زادی رہیا ہے، اور رہی جھولے پر حپڑھنے کے بعد جھولے اور بح کی زادی رہیا ہے۔

موال 20 cm منگ فارا الی کیساں سل کی شکل کتاب کی طسرہ ہے۔ سل کی لمب نکی 20 cm ، چوڑائی 15 cm ، کا منگ میں 20 cm اور موٹائی 20 cm کی وسط سے ایک اور موٹائی 1.2 cm کی وسط سے ایک وسط سے ایک وسط سے ایک نوادی معیار کونے تک نصف وضاحلے پر واقع سل کے رخ کو عصودی محور کے گرد سل گھوم سکتی ہے۔ اسس محور پر سل کا زاوی معیار حسر کی توانائی کیسا ہوگی؟

سوال ۵.۷۸: ایک پہیا، جس کارداسس $m 0.250 \, m$ اور ابت دائی رفت ار $43.0 \, m \, s^{-1}$ بنا وی است ان کا گھمیسری جود کرنے کے رکتا ہے۔ () اسس کے خطی است راخ اور (ب) زاوی است راخ کی متدر کیا ہے؟ وسطی محور پر اسس کا گھمیسری جود $20.155 \, kg \, m^2$ ور گز کی بدولت قوت مسروڑ تلاسش کریں۔

سوال 2.49: پہیا A اور B کو ایک پٹ ملاتا ہے، جو پھلت انہسیں ہے۔ B کار داسس A کے رداسس کا تین گٹ ہے۔(۱) اگر دونوں پہسیوں کا اپنے اپنے وسطی محور پر زاوی معیار حسر کرت ایک پتنا ہو اور (ب) اگر ان کی تھمیسری حسر کی توانائی ایک

granite"

جتنی ہو، تب گھیے ری جمود کی نسبت I_A/I_B کی ہو

سوال ۱۵۰۰ ایک زرہ، جس کی کیت 2.50 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار $(-3.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے، کا کمس کی غیب رفت ار غیب رفت کی کیت 4.00 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار غیب رفت ایک کے تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد معین جسیال زرول کا زاوی معیار حسر کے تاکاش کریں۔

سوال ۸۱۱.۵: ایک پہیا، جس کی کمیت 10.0 kg اور ردانس 0.400 m ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھے رااستوار (جسکڑ کر) نسب ہے (مشکل 62.11) و حسرے کا ردانس 0.200 m اور دھے رہے پر پہیے و دھے رہا گلگیہ کی جود (مصرے پر پہیے و دھے رہا گلگیہ کی مسلمان کے ساتھ 30.00 ھے۔ فتی کے ساتھ 30.00 ھے مسلمان کے مسلمان کے مسلمان کی سطم مسلمان کے بھی بہیا سطم مسلمان کی جسم مسلمان کی سطم مسلمان کی جسم مسلمان کی بھی اور مسلمان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے بھیلے ، میلان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے بھیلہ ، میلان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے بھیلہ ، میلان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے کہ بھیلہ و دھے رہے کے نظام کی (۱) گھیسری حسر کی توانائی اور (میل) مسلم کی گلے بھیلہ کے بھیلہ کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے بھیلہ کی کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے کہ بھیلہ کی کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے کہ بھیلہ کر کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے بھیلہ کر کر تا تا ہے۔ سطم پر 200 سے کہ بھیلہ کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے کر ان تا ہے۔ سے کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے کر ان تا ہے۔ سطم پر 200 سے کر تا ہے۔ سطم پر 200 سے کر تا ہے۔ سطم پر 200 سے کر تا ہے۔ سے کر تا ہے۔ سے کر تا ہے کر تا ہے۔ سے کر تا ہے کر تا

سوال ۵.۸۲: ایک سسر پرانتصابی محور کے گردیک اسلاخ افقی مستوی مسیں گھومت ہے۔ سلاخ کی لمب کی سان میں اور اسس کی اور اسس کی زادی رفتار 240 چپکر فی منٹ ہے۔ (ا) محور گھب و پر اسس کا گھسیسری جمود اور (ب) اسس محور پر زادی معبار حسر کرنے کی متدر کساہو گی؟

موال ۵.۸۳: گوسس کرہ، جس کاوزن 36.0 N ہے، °30.0 میلان پر لڑھک کر حپٹر ھت ہے۔ میلان پر روانا ہونے ہے قب ل کرہ کے مسر کن کیسے کی مستقم رفت اوسان کی مستقم رفت اوسان کی مستقم رفت اوسان کی مستقم رفت اوسان کی کست پر مخصص ہے؟ میلان پر حپٹر ھتے ہوئے کرہ کتنا وضاصلہ طے کرتا ہے؟ (ج) کسیاحب زوب کاجواب کرہ کی کمیس پر مخصص ہے؟ مسال کا کہ مسل ڈوری دار لئوریا کرنے کے بحب نے ڈوریر نیچورخ 1.3 m s⁻¹ دفت رسے کھیکا حب تا

عوان ۱۸٫۱۱۰ مند مستور ک مرین عوان ۱۶٫۱۱۵ مستدن و دری وارد و دری خود بازی کا ۱۰٫۵۱۱۱ میلی و مستورج پینه و ب نا ہے۔ (ا) ڈور کے اختتام تک لئو کتنے دیر مسیس کبنچ گا؟ (ب) ڈور کے اختتام پر پہنچتے وقت اسس کی (ب) کل حسر کی توانائی، (ج) خطی رفت ار، (د) مستقیم حسر کی توانائی، (ہ) زاوی رفت ار، اور (و) گلمسیسری حسر کی توانائی کسیا ہیں؟

سوال ۵۸۵: ساکن جھولے پر، جس کارداسس R اور گھسیری جمود I ہے، کے چکاپر کمیت M کی لڑکی گھسٹری ہے۔ جھولا انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ جھولے کے چکا کو ممسای رخ، لڑکی کمیت m کا پتقسر افقی کچیسٹ تھی ہے۔ زمسین کے لحساظ سے پتقسر کی دفتار m کی دفتار m کی دفتار m کی دفتار کسیایں ؟

سوال ۱۵.۸۱: افقی سطح پر رداسس R اور کیت m کاجم v رفتارے ہموار لڑھک رہاہے۔ اسس کے بعد جم میلان پر m بلندی تک حیث رہا پتا ہے۔ (۱) اگر $m=3v^2/4g$ ہو، جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر جم کا گھمیسری جمود کیا ہے؟ $m=3v^2/4g$ بیابو سکتی ہے؟

باب ٢

توازن اور لچ___

ا.٢ توازن

.

م**قاصد** اسس حصبہ کو پڑھ کر آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. توازن اور سکونی توازن مسیں منسرق کریائیں گے۔

۲. کونی توازن کے حیار شیر الطاحبان یا ئیں گے۔

٣. مسر کز ثقل اور اسس کامسر کز کمیت ہے تعساق سنجھایا ئیں گے۔

۴. ذروں کی دی گئی تقسیم کے لئے مسر کز ثقل اور مسر کز کمیت کے محدد کاحساب کریائیں گے۔

كليدي تصور

• استوارجهم جب ساکن ہو، وہ سکونی توازن مسیں ہو گا۔ ایسے جہم کے لئے، جہم پر بیسہ رونی قو توں کامحب موعب صف رہو گا۔

$$ec{F}_{\dot{b}}$$
ن $=0$ (قوتوں کا توازن)

اگرتمام قوت مع مستوی مسین ہوں، ب مساوات ذیل دوحبز دی مساوات کی معادل ہوگا.

$$F_{i,j}=0$$
 اور $F_{i,j}=0$ اور $F_{i,j}=0$

کونی توازن سے مسراد ہے بھی ہے کہ کی بھی نقطے کے لیاظ سے جہم پر بیسرونی قوت مسروڑ کامحب وعب صف رہو

:6

$$\vec{ au}_{i,j} = 0$$
 (قوت مسرورٌ کا توازن)

اوراگر نمسام قوس xy مستوی مسین ہوں تب نمسام قوس مسروڑ سمتیا سے محور z کو متوازی ہوں گے،اور قوس مسروڑ کے توازن کی مساوات ذیل یک حسن دی مساوات کی معسادل ہو گی۔

$$au_{z}=0$$
 (قوت مسرور گاتوازن) زور تا

• تحباذبی توت جم کے ہر ذربے پر انفسرادی عمسل کرتی ہے۔ تسام انفسرادی اعمسال کا صافی اثر حبائے کے لئے مسر کز کمیت پر معسادل تحباذبی توت \vec{F}_g مسر ض کرنی ہوگا۔ اگر جم کے تمسام کلڑوں پر ثقلی اسسراع تھ ایک ہو، ثقلی مسر کر جم کے مسر کز کمیت پر ہوگا۔

الا البيات كياب؟

انسانی بن ائی چینزیں، لا گو تو توں سے قطع نظر، مستحکم تصور کی حب تی ہیں۔ تحب ذبی قوس اور ہوائی قو توں کے باوجو دہم توقع کرتے ہیں کہ عمسارے کھسٹری رہے گی، اور ئیل سمن در مسین گرے گانہیں۔

طبیعیات کے مسر کز توجب وہ حقیقت ہے جو عمسل پسیرا قو تول کے باوجود جم کو مستخکم رکھتاہے۔اسس باب مسیل استخام کے دو نقط۔ نظسر پر غور کسیا جبائے گا: استخام کے دو نقطہ نظسر پر غور کسیا جبائے گا: استوار جم پر عمسل پسیرا قوت اور قوت مسروڑ کا توازن اور نااستوار اجسام کی لیک، جسس پر انجیسئری اور طبیعیات درست کی حبائے،اسس پر انجیسئری اور طبیعیات درست کی حبائے،اسس پر انجیسئری اور طبیعیات کے حب پیول مسیں لا تعداد مضامسین کھے حبائیں گے؛اگر عناط کی حبائے،اخبار کا سرنام ہے گا اور و تانونی کارروائی ہوگی۔

توازن

ذیل اجسام پر غور کریں: (1) میسنز پر پڑی ساکن کتاب، (2) بلار گڑسطچ پر مستقل سستی رفت ارسے حسر کرسے پذیر و تسرص، (3) چیست کے چنکھے کے حب کر کھساتے یّر، اور (4) سید ھی راہ پر جستے سائیکل کا پہیپا۔ ان حسار اجسام کے لئے

ا. مسرکز کمیت کا خطی معیار حسرکت \vec{P} ایک متقل ہے۔

روسرے نقطہ کے لیے اظ سے ان کازاوی معیار حسر کرتے گے جھی ایک مستقل ہے۔ L

ہم کہتے ہیں ہے جسم **توازان** امسیں ہیں۔ یوں توازن کے دو شسر الط ذیل ہیں۔

$$ec{L}=$$
 اور متقل $ec{P}=$ اور اور ال

اس باب مسیں ہم صرف ان صور تول پر غور کرتے ہیں جب ال مساوات ۱۰۱ مسیں مستقل کی قیب صف بود؛ لیمنی ہم ان اجسام مسیں دلچیوں کھتا ہیں جو حوالہ چو کھٹ کے لیساظ سے ساکن ہول؛ خطی سکون اور گھمیسری سکون مسین ہم دلچیوں کھتا ہیں۔

equilibrium'

۱۸۱. توازن

ایے اجب مر سکونی توازیج سسیں ہوں گے۔ باب کے آغناز مسیں حیار اجب مسیں صرف مسیز پر پڑی کتاب سکونی توازن مسیں ہے۔ توازن مسیں ہے۔

سشکل 1.12 مسیں دکھائی گئی چیان، فی الحال، سکونی توازن مسیں ہے۔مساحبد، کِل، گلسر، وغیسرہ بھی سکونی توازن مسین ہیں؛ ہے وقت گزرنے کے باوجو دساتھ ساکن رہتے ہیں۔

جیب ہم حصہ 3.8 مسیں ذکر کر چپے ، اگر سکونی توازن سے قوت کے بل بوتے پر نکالے حبانے کے بعیہ جمم واپس سکونی توازن کو لوٹے، ہم کہتے ہیں ہے۔ جم مستحکم سکونی توازن مسیں ہے۔ نصف کرہ کے تل مسیں رکھیا گیاسس کی ایک مثال ہے۔ اسس کے برعکس، اگر چھوٹی قوت جم کوبلاکر توازن حستم کریائے، جم غیبر مستحکم سکونی توازن مسیں ہوگا۔

ز نجری اثر۔ سند خ کری ہم ایک اینٹ یوں گھٹری کریں کہ اسس کامسر کز کیت عسین ایک کسنارے کے اوپر ہو (نجری کو خیری کی آئر تا ہے البندا اسس کسنارے پر \vec{F}_g کی قوت مسروڑ مسنسر ہو گی۔ اینٹ توازن مسیں ہے۔ معمولی اضطہراب اسس توازن کو برباد کر دیگا۔ جیسے ہی \vec{F}_g کا خط عمسل کسنارے سے ایک طسرون ہو (شکل 2b.12)، \vec{F}_g کی پیدا کردہ قوت مسروڑ اینٹ کو اسس طسرون گھسائے گی۔ یوں مشکل 2a.12 میں بینٹ غیسر مستحکم توازن مسیں ہے۔

سٹ کل 2c.12 مسیں اینٹ اتنی غنیبر مستخکم نہیں۔ اینٹ گرانے کے لئے ضروری ہے کہ قوت اینٹ اتنی گھسائے کہ اینٹ کامسر کز کمیت کسنارے کوپار کر حبائے۔ معمولی قوت اسس اینٹ کو نہیں گراستی، تاہم انگل ہے جھٹکا دے کراسے گرایا حباسکتا ہے۔ (ایسنٹوں کو قطبار مسیں کھٹڑا کر کے، پہلی اینٹ کو جھٹکا دے کر گرانے سے تمسام اینٹیں گرائی حباسکتی ہیں۔)

سل ۔ شکل 2d.12 میں و کھایا گیا سل مسزید زیادہ مستکام ہے۔ مسرکز کیت کو سل کے کہنارے کی دوسری طسرف لی سب کاپان نہیں پائے سال دوسری طسرف لی حب نے کے کئے مسرکز کیت کو کافی زیادہ دور لے حبانا ہوگا۔ انگلی کاجھٹکا سل کاپان نہیں پائے سازدور سل (ای لئے سل قطار مسیں کھرز نجیبری اثر پیدا نہیں کیا جب سالاً۔) مشکل 3.12 مسیں شہتیر پر بیٹھا مسزدور سل کی مانٹ جبکہ اسس پر کھسٹر امسزدور اینٹ کی مانٹ جبکہ اسس پر کھسٹر امسزدور اینٹ کی مانٹ ہوگا (جس کو ہواکا چھٹکا نیچ لاسکتا ہے)۔

سکونی توازن اطلاقی انجیسئری کے لئے بہت ضروری ہے۔ تحنیق کارتمہم ہیسرونی قوت اور قوت مسروڑ کی نشاندہی کر کے، بہتر تراکیب اور مواد استعال کر کے، یقینی بسناتا ہے کہ ان کی موجود گل کے باوجود عمسارت یامشین مستحکم رہے۔ یوں پُل کا نقشہ تیبار کرتے وقت تحنیق کار تفصیلی تحبیزیہ کر کے یقینی بسناتا ہے کہ پُل پر آمدور فیت اور ہوائی قوتوں کو پُل سے سے۔

توازن کے سشرائط

جہم کی مستقیم حسر کہ ، خطی معیار حسر کہ ہے روپ مسیں نیوٹن کے متانون دوم کو، جو (ذیل) مساوات 27.9 دیتی ہے، مطمئن کرتی ہے۔

$$ec{F}_{\dot{f j}} = rac{{
m d}ec{P}}{{
m d}t}$$

staticequilibrium^r

اگر جسم مت قیم توازن میں ہو؛ یعنی اگر
$$\vec{P}$$
 ایک مت قل ہو، تب $d\vec{P}/dt=0$ ہوگالہہذالاز مآدر بن ہوگا۔ $\vec{F}_{ij}=0$ متوازن توب فرمین کر متحقال ہو، تب خوازن توب کے متحقال ہو، تب کا متحالیا ہوگا۔ مت

جہم کی گھیے ری حسر کے ، زاوی معیار حسر کے روپ مسین نیوٹن کے متانون دوم کو، جو (ذیل) مساوا۔۔۔ ۵.۲۹ دیتی ے، مطمئن کرتی ہے۔

$$ec{ au}_{\dot{f j}}=rac{{
m d}ec{L}}{{
m d}t}$$

اگر جم گھمیے ری توازن میں ہو؛ یعنی اگر \vec{L} ایک متقل ہو، تب $d\vec{L}/dt=0$ ہو گالہہذالاز مأ درج ذیل ہو گا۔

$$\vec{\tau}_{i} = 0$$
 (۱.۵) (7.5)

یوں جسم کا توازن مسیں ہونے کے لئے ذیل دو شسر الطامیں۔

ا. جسم پرتمام ہیں ونی قو تول کا سستی محب وعب صف رہونالازم ہے۔

r. ہر مکن نقط کے لحاظے، جسم پر بسیرونی قوت مسروڑ کا سستی محبسوعہ صف رہونالازم ہے۔

 \vec{L} اور \vec{P} الموادن ال

مساوات ۱۰۳ اور مساوات ۲۰۵ ، بطور سنتی مساوات ، در حقیقت (زیل) تین تین حبزوی مساوات کی معادل بین-

$$au_{ij}$$
 مثوازن قوت مرور مثوازن قوت F_{ij} مثوازن قوت T_{ij} مثوازن قوت T_{ij}

اصل مماواہے۔ ہم صرف ان صور توں پر غور کرتے ہیں جس مسیں جمم پر لا گو قوت xy مستوی مسیں پائے حباتے ہیں۔ یوں مسئلہ کم پیچیدہ ہوگا۔اسس طسرح جمم پر عمسل پیسراقوت صرف محور سے کی متوازی محور کے گر د جم گھما سکتے ہیں۔اسس مفسر وضے کے ساتھ مساوات ۲۰۲۹مسیں سے قوت کی ایک مساوات اور قوت مسروڑ کی دومساوات سے چیماراحساس ہوگا۔ پول ذیل ہاتی ہیں۔

$$F_{i,x} = 0$$

$$F_{\dot{\mathfrak{y}}_{-\mathcal{Y}}}=0$$

$$au_{\dot{f U}_{z}}=0$$
 (۲.۹)

۱.۲. توازن

یہاں، جرمانی تو دوسافی قوت مسروڑ ہے جو محور کا یااسس کے متوازی کسی محور پر بسیرونی قوت بیداکرتی ہیں۔

جی ہوئی برنسے پر مستقل سستی رفت ارسے حسر کی کر تا قت رص مساوات ۲۰۷، مساوات ۸۰۸، اور مساوات ۹۰۸ مور مساوات ۹۰۸ مطمئن کرتا ہے، البندا سے توازن مسین ہو گا، تاہم سے سکونی توازن مسین ہر گزنہ میں۔ سکونی توازن کے لئے قسم س کا خطی معیار حسر کرت آئے ایک مستقل ہونے کے ساتھ ساتھ صف رہونالازم ہے، قسسر ص کا جی ہوئی برف پر ساکن ہونالازم ہے۔ یوں، سکونی توازن کے لئے درج ذیل سشرط بھی لازم ہے۔

جسم کے خطی معیار حسر کے $ec{P}$ کاصف رہونالازم ہے۔

آزمائشس

یک اس سلاخ، جس پر سلاخ کو عصود دار دویا دو سے زیادہ قوت عمسل کرتی ہیں، کے چھ فصنائی نظسارے مشکل ؟؟ مسیں پیش ہیں۔ قوتوں کی وقت دریں(غیسے رصف رر کھ کر اور) تب بلی کرکے کون کو نمی سلاخ سکوئی توازن مسیں لائی حیاستی ہیں؟

مــركز ثقل

جہم پر تحباذ بی قویں، جہم کے انفٹ رادی گلزوں (جوہر) پر تحباذ بی قو توں کا سمتی محب وعیہ ہو گا۔ انفٹ رادی گلزوں کی ہاسے کرتے ہوئے ہم ذیل کہتے ہیں۔

جم پر تجباذبی توت \vec{F}_g "مسلا"جم کے مرکز تھی تی ہے۔

یہاں لفظ"عسلاً"کامطلب ہے ہے کہ اگر کسی طسر ح انفٹ رادی مکڑوں پر تحباذ بی قوت حسنتم کر دی حبائے اور تحباذ بی قوت \vec{F}_g جم کے مسر کز نقل پر پیدا کر دی حبائے، جم پر صافی قوت اور (کسی بھی محور کے لیے نامے) جمم پر صافی قوت مسروڑ تعدیل نہیں ہوں گی۔

اب تک، ہم منسوض کرتے رہے ہیں کہ تحباذبی قوت \vec{F}_g جم کے مسر کز کیت پر عمسل کرتی ہے، جو اسس کے مسر ادون ہے کہ ہم کہمیں جم کامسر کز ثقل جم کے مسر کز کمیت پر پایا حباتا ہے۔ یاد کریں، کمیت \vec{F}_g کا مسل کرتی ہے، جہال \vec{F}_g جم کاوہ اسرائے ہے جو جم پر \vec{F}_g لاگو کرنے سے پیدا ہوگا۔ پنچ ویے گے جو سے میں ہم ذیل ثابت کریں گے۔

اگر جسم کے تمام کلڑوں کے لئے 👸 ایک ہو، جسم کامسر کز ثقل اور جسم کامسر کز کمیت ایک نقطے پر ہوں گے۔

سطح زمسین پر ہی کی ت در بہت کم تب میں ہوتی ہے اور (عسام زندگی مسیں جن بلت دیوں ہے ہمیں واسطہ پڑتا ہے ان) بلت دی کے ساتھ ہی کی وت در زیادہ تب میل نہیں ہوتی الہذاروز مسرہ الشیاء کے لئے درج بالا تخمین درست ہوگا۔ یوں چوہے یا جمینس

centerofgravity

کے لئے تحباذ بی قوت کا ان کے مسر کز کمیت پر عمسل پیسرا ہونا منسر ض کرنا درست ہوگا۔ ذیل ثبوت کے بعب ہم ای مفسرو ضے پر حیلیں گے۔

وست

ہم جم کے انف سرادی گلزوں پر پہلے غور کرتے ہیں۔ شکل 4a.12 میں وسیع جم ، جس کی کیت M ، اور جم کا ایک چھوٹا گلزا جس کی کیت M ، اور جم کا ایک چھوٹا گلزا جس کی کیت m_i جس کی گیت گلزا نے مصام پر ثقلی اسراع ہے (دیگر گلزوں کے لئے اس کی قیت مختلف ہو سکتی ہے)۔ سکل 4a.12 میں ہر ایک گلڑے پر قوت مسروٹ \vec{F}_{gi} عمسل کر کے ، مبدا C کے لیاظ سے گلڑے پر قوت مسروٹ \vec{F}_{gi} عمسل کر کے ، مبدا C کے لیاظ سے گلڑے پر قوت مسروٹ \vec{F}_{gi} عمسل کر کے ، مبدا C کی راہ نہائی مسین ہم ہر ایک قوت جس کامعیار اثر کابازہ \vec{F}_{gi} ہے ۔ میں وارت اس میں ایک قوت کی راہ نہائی مسین ہم ہر ایک قوت

$$\tau_i = x_i F_{\sigma i}$$

یوں، جسم کے تمام گلڑوں پر صافی قویں مسروڑ ذیل ہوگی۔

مروڑ _τ زمل لکھ کتے ہیں۔

$$\tau_{i,-} = \sum \tau_i = \sum x_i F_{gi}$$

اب، پوراجہم لیتے ہیں۔ شکل 4b.12 مسیں جم کے مسر کز ثقل پر تحباذ بی قوت \vec{F}_g عمسل کر تاد کھایا گیا ہے۔ مبدا O کے لحاظ سے اسس قوت کامعیار اثر کابازو میں نہیں X اور جم پر پسید اقوت مسروڑ τ ہے۔ مساوات N ووبارہ استعمال کر کے بید قوت مسروڑ ذیل کامعی جباستی ہے۔

$$au = x$$

$$\tau = x_{\vec{p}, \vec{r}} \sum F_{gi}$$

یاد کریں، مسر کز ثقل پر عمسل پیسے راقوت \vec{F}_g سے پیدا توت مسروڑ اسس صافی قوت مسروڑ کے برابر ہوگاجو جم کے تسام کلزوں پر عمسل پیسے راقوت \vec{F}_g پیسے را کرتی ہیں۔ (مسر کز ثقل کی تعسریف یہی ہے۔) یوں مساوات ۲۱.۱۳ کا τ ، مساوات τ بابر ہے۔ دونوں مساوات کوبرابر رکھ کرذیل کھے حیاسکتا ہے۔

$$x$$
رو تان $\sum F_{gi} = \sum x_i F_{gi}$

کا جگہ $m_i g_i$ ڈال کر ذیل سامسل ہوگا۔ F_{gi}

$$x_{j}$$
ر (۱۲) $\sum m_i g_i = \sum x_i m_i g_i$

اب کلیدی تصور پیش کرتے ہیں:اگر مکڑوں کامت امات پر اسسراع g_i ایک ہو، ہم g_i منبوخ کرکے ذیل کھھ سے ہیں۔ $\sum m_i = \sum x_i m_i$

M دیت ہے۔ یوں مساوات ۱۵، M ذیل ککھی جب M میں کا کمیس M دیت ہے۔ اور کم کمیتوں کا محبوعہ کے جسم کا کمیں کا محبوعہ کی کمیں کا محبوعہ کا محبوعہ کی کمیں کے انسان کی محبوعہ کا محبوعہ کی کمیں کے انسان کی کمیں کا محبوعہ کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کا محبوعہ کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کا محبوعہ کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کی کمیں کے انسان کی کمیں کا کمیں کے انسان کی کمیں کا کمیں کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کی کمیں کا کمیں کی کمیں کی کمیں کے انسان کی کمیں کی کمیں کے انسان کی کمیں کرتے تھا کہ کا کمیں کے انسان کی کمیں کرتے تھا کہ کا محبود کی کمیں کے انسان کی کمیں کے انسان کی کمیں کرتے تھا کہ کرتے تھا کہ کمیں کے انسان کی کمیں کرتے تھا کہ کمیں کرتے تھا کہ کرتے تھا کہ

$$x$$
ر۲۱۲) $x_i m_i$

۲.۲ کونی توازن کی چیند مثالیں

مثاب

اس حسب کویڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. سکونی توازن کے لئے قوت اور قوت مسروڑ کی مشیرانطا کااطباق کریائیں گے۔

بسجھ پائیں گے کہ مبدا (جس کے لحاظ ہے قوت مسروڑ کا حب کیا جبائے گا) کا مصام موج مسجھ کر منتخب کرنے کے ایک یاایک سے زیادہ نامسکن ہوگا، جس سے قوت مسروڑ کی مساوات ہے حضارج کرنامسکن ہوگا، جس سے قوت مسروڑ کا حب بہتا ہوگا۔

كليدي تصور

• جب استوار جم ساکن حسالت مسیں ہوہم کتے ہیں وہ سکونی توازن مسیں ہے۔ایے جم کے لئے، جم پر بسیہ و فی قو تول کا سستی محب وعب صف رئے برابر ہوگا۔

$$ec{F}_{i}$$
رمتوازن قوت $=0$ صن

اگر تب توت xy مستوی مسیں ہول، درج بالاسستی مساوات ذیل دوجبزوی مساوات کے مسسراد و سے گا۔ گا۔

$$F_{i,-y}=0$$
 اور اور $F_{i,-x}=0$ اور (متوازن قوت)

• کونی توازن سے بھی مسراد ہے کہ، کی بھی نقط کے لیاظ ہے، جسم پر بیسرونی قوت مسروڑ کا سستی محبوعہ صف کے برابر ہوگا۔

$$ec{ au}_{i}=0$$
 متوازن قوت مسروڑ)

اگر ہیں۔ونی قوی مسین ہوں، تمام قوی مسین ہوں، تمام قوی مسین ہوں، تمام قوی مسین ہوں گی، اور درج بالا مستی مساوات کی مماثل ہوگی۔

$au_{i,z}=0$ (متوازن قوت مسروڑ)

*ڪوني ټوازن کي چيند م*ثاليں

یہاں ہم سکونی توازن کے کئی نمونی مسائل پر غور کریں گے۔ ہر مسئلے مسیں ایک یا ایک سے زیادہ اجسام پر مسبنی نظام منتخب کر کے توازن کی مساوات (مساوات (۲۰۸ مساوات ۱۹۸) کا اطساق کریں گے۔ تمسام تو سے ۲۰۷ مستوی مسیں ہیں لہنا آقوت مسروڑ کے محور کو متوازی ہوں گے۔ یوں، مساوات ۱۹۰۹ کا اطساق کرتے ہوئے، ہم محور کے متوازی قوت مسروڑ کی محور نتخب کرتے ہیں۔ اگر جب محور کے متوازی قوت مسروڑ کی محور پر مساوات ۱۹۰۹ کا اطساق مسکن محور کے انتخاب کی صورت مسیں ایک یا ایک سے زیادہ نامعسلوم قوت حسار تی ہوں گی، جس کی بدولت مساوات ۱۹۰۹ کا حسل نے آپ وی کا متحسلوم قوت حسار تی ہوں گی، جس کی بدولت مساوات ۱۹۰۹ کا حسل نے آپ ایک ایک کی دولت مساوات ۱۹۰۹ کا حسل نے آپ ایک کی دولت مساوات ۱۹۰۹ کا حسل نے آپ ایک کی دولت مساوات ۱۹۰۹ کی دولت مساوات ۱۹۰۹ کا حسل نے آپ دولت مساوات ۱۹۰۹ کی دولت مساوات ۱۹۰۹ کا حسل نے آپ دولت مساوات ۱۹۰۹ کی دولت مساول گوئی می دولت کی دولت مساولت ۱۹۰۹ کی دولت مساولت کی دولت مساولت کی دولت مساولت کی دولت کی دولت مساولت کی دولت کے دولت کی دولت کی دولت کی دولت کے دولت کی دولت کی دولت کی دولت کی دولت کی دولت کے دولت کو دولت کو دولت کی دولت کی دولت کی دولت کی دولت کی دولت کی دولت کو دولت کو دولت کے دولت کی دولت کو دولت کے دولت کی دولت کو دولت کو دولت کی دولت کو دولت کے دولت کے دولت کو دولت کی دولت کے دولت کی دولت کے دولت کے دولت کے دولت کے دولت کو دولت کے دولت کی دولت کی دولت کی دولت کی دولت کی دولت کے دولت کی دولت کے دولت کے دولت کے دولت کی دولت کی دولت کی دولت کے دولت کی دولت کے دولت کے دولت کے دولت کی دولت کے دولت کی دولت کی دولت کے د

آزمائشس۲

 \vec{F}_1 کیاں سلاخ ، جو سکونی توازن مسیں ہے ، کافصٹ کی جب نزہ شکل ؟؟ مسیں ہیش ہے۔(۱) کسیا تو توں کو متوازن کر کے آپ \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 کی تصدر میں تلاسش کر سکتے ہیں؟ (ب \vec{F}_2 کی تصدر تلاسش کرنے کے لئے ، محور گھیاہ کسی نقطب پرر کھ کر \vec{F}_1 کی قصدر کیا ہے ؟ کو مساوات ہے جنارج کسیاحب سکتا ہے؟ (ج) \vec{F}_2 کی وصدر \vec{F}_3 کی وصدر کسیاہے ؟

نمونی سوال ۲۱: افقه شهتیری متوازار بنا ما

شکل L 5a. 12 میں، گیرے۔ L کی کیاں شہتیری، جس کی لمبائی L ہے، دو ترازو پر رکھی گئی ہے۔ گیرے۔ $M=2.7\,\mathrm{kg}$ کی کیاں سل شہتیری پر رکھی گئی ہے۔ سل کا مسر کز شہتیری کے بائیں سرے L/4 و ناصلے پر ہے۔ ترازو کساوزن دیں گے ؟

کلیدی تصورات

سونی توازن کاکوئی بھی مسئلہ سل کرنے ہے پہلے ذیل کرنا ہوگا: نظام کی نشاندی کریں اور اسس کا آزاد جسمی حنا کہ بنائیں، جس پر تسام قوتوں کی نشاندی ہو۔ یہاں ہم شہسیر کی اور سل کو نظام مانے ہیں۔ اسس کے بعد، نظام پر قوت دکھائیں، جیس سشکل 5b.12 کے آزاد جسمی حناکہ مسیں کہا گیا ہے۔ (نظام کے انتخاب کے لئے تحبیر بدور کار ہے، اور عصوماً ایک سے زیادہ ممکنات ہوں گے۔) نظام سکوئی توازن مسیں ہے، لہذا قوتوں کے توازن کی مساوات (مساوات ۲۰۸) کااطلاق کہا جب کا تعالیہ کا اور قوت مسروڑ کے توازن کی مساوات (مساوات ۲۰۸) کااطلاق کہا جب کا تعالیہ کا تعالیہ کی مساوات (مساوات ۲۰۸) کااطلاق کہا جب

 \vec{F}_{l} بائیں ترازہ سے شہمتیری پر عسودی قوت \vec{F}_{l} اور دائیں ترازہ سے عسودی قوت \vec{F}_{r} ہے۔ ہم ان قوت کی ت دریں حب نسبت ہیں۔ تجباذبی قوت شہمتیری کے مسر کز کیت پر عمس کرتی ہے۔ ای طسر جن سل پر تحب اذبی قوت سے \vec{F}_{g} ، جو \vec{R}_{g} \vec{F}_{g} ہو ترابر ہے، سل کے مسر کز کیت پر عمس کرتی ہے۔ تاہم، شکل طسر جن سابہ قوت سے \vec{F}_{g} ، جو \vec{F}_{g} کی دم اس نقطہ پر دکھی 5b.12 سابہ کی عضر ض ہے، سل کو نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے ، اور سمتی سے \vec{F}_{g} کی دم اس نقطہ پر دکھی

گئے ہے۔ (سمتیہ سے کا کارخ تبدیل کیے بغیر، قوت کے خط عمسل پر سمتیہ کی گھیائے ، مشکل کو عصود دار کسی بھی محور پر ، $\vec{F}_{g,0}$ کی قوت مسروڑ تبدیل نہیں کرتی۔)

قوتوں کا χ حبزوموجو دنہیں لہذامساوات ۱.۷ =0 کرنی معسلومات منسیں کرتی۔مساوات χ اور χ احبزاء کے لئے ذیل دیتی ہے۔ χ احبزاء کے لئے ذیل دیتی ہے۔

$$(Y.IA) F_l + F_r - Mg - mg = 0$$

1.9 اس مساوات مسیں دونا معسلوم توت، F_l اور F_r ، موجود بین لبنا آبمیں توت مسروڑ کے توازن کی مساوات F_l بمیں توب مسیل کرتی ہوگی۔ ہم شکل F_l مستوی کو عصود دار کئی بھی محور گھی۔ ویر مساوات کا اطسان کر سے بین آئیں شہرت کی مستوی کو عصور اور کئی ہمی محور گھی۔ ویر گھی۔ ویر کئی مسوی کارین ہم توب مسروڑ کو عسلامت مختص کرنے کا عصوی طسریق پروئے کا کارین گے: اگر سائن جم کو محور گھی۔ ویر گھیڈی وار گھینے کی کو شش کرے، قوت مسروڑ مثنی ہو گا؛ اگر حضاون گھینے کی کو شش کرے، قوت مسروڑ مثنی ہو گا؛ اگر حضاون گھینے کی کو شش کرے، قوت مسروڑ مثبت ہو گا۔ آخن مسیں ہم قوت مسروڑ متب روپ مسیل کھتے ہیں، جب ان F_r کے لئے F_r کی قیت میں، جب کی قیت کی میں جب کر گئی ہوں کہ کا کا کا میں کہتا ہوں کہتا ہوں کہتا گا کہتا ہوں کہتا گا کہتا ہوں کہتا گا گا کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہے۔ کہتا گئی کہتا ہوں کا کہتا گئی کہتا ہوں کا کہتا گئی کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کہتا گئی کھتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کہتا گئی کرنے کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کئی کرنے کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کہتا ہوں کرنے کہتا ہوں کہتا گئی کرنے کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کہتا ہوں کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کہتا گئی کہتا ہوں کرنے کہتا ہوں کرنے کہتا ہوں

اب ہم توازن کی مساوات au=0 نیل کھے ہیں

$$(0)(F_l) - (L/4)(Mg) - (L/2)(mg) + (L)(F_r) = 0$$

جو ذیل دیگی۔

$$\begin{split} F_r &= \frac{1}{4} Mg + \frac{1}{2} mg \\ &= \frac{1}{4} (2.7 \, \mathrm{kg}) (9.8 \, \mathrm{m \, s^{-2}}) + \frac{1}{2} (1.8 \, \mathrm{kg}) (9.8 \, \mathrm{m \, s^{-2}}) \\ &= 15.44 \, \mathrm{N} \approx 15 \, \mathrm{N} \qquad () \\ &= 15.44 \, \mathrm{N} \qquad$$

نمونی سوال ۲۰۲: چول دار **بازو متوازاخ بناما**

شکل 6a.12 مسین (کمیت $M=430~{
m kg}$ کی) تجوری کو معاون چول داربازو سے بلا کمیت رسی کے ذریعے لئکاد کھایا گیا ہے۔ $m=85~{
m kg}$ ہے۔ جہاں $m=1.9~{
m m}$ ہور کی کمیت $m=1.9~{
m m}$ ہور کا کھیا گیا ہے۔ جہال

 \vec{T}_c کوت درکیاہے؟ \vec{T}_c کی تاریخ کی تاریخ کا کا تاریخ کی تاریخ کی تاریخ کا تاریخ کا

كلب دى تصورات

یہاں نظام چول داربازوہے، جس پر عمسل پیسراقوت مشکل 6b. 12 آزاد جسمی حناکے مسیں پیش ہیں۔ رسا سے بازو پر قوت \vec{T}_c ہازو پر قوت جول سے بازو پر قوت کا نتصابی حب نوبی قوت جول سے برابر ہے، بازو کے مسر کز کمیت (بازو کے وسط) پر عمسل کرتی ہے۔ چول سے بازو پر قوت کا نتصابی حب نوبر \vec{F}_c ، اور افقی حب نوبر \vec{F}_d ہے۔ رسی سے بازو پر قوت کا تصدر تجوری کے دان کے برابر: T_r ہوگا۔ T_r ہوگا۔ T_r ہوگا۔ T_r کی مصدری نظام کامب دا T_r کی اصدر تجوری کے دان کے برابر: T_r کی مصدری نظام کامب دا T_r کی مصدری نظام سے نوازن کی مصاوات کا اطباق ہوگا۔

حماج: مساوات ۹.۹ ($\vec{T}_c = 0$) من آغناز کرتے ہیں۔ یادر ہے، ہم قوت \vec{T}_c کی تصدر حبائن حیاہتے ہیں، ناکہ نقطہ \vec{C} پر موجود حیال پر عمسل پسیر اقوت \vec{F}_c آغناز کرتے ہیں۔ یادر ہے قوت مسروڑ کے حساب ہوں \vec{F}_c اور \vec{F}_c کی مصدر تاریخ کرنے میں۔ یوں \vec{F}_c اور \vec{F}_c اور \vec{F}_c کی عضر ض ہے ہم نقطہ \vec{C} میں مشکل کے مستوی کو عصود دار محور گھیاو منتخب کرتے ہیں۔ یوں \vec{F}_c اور \vec{F}_c کی عضر ض ہوں گے۔ شکل 66.12 مسیل \vec{T}_c ، اور \vec{T}_c ، اور \vec{T}_c بیں۔ مطابقتی معیار اثر کا اور \vec{F}_c بیں۔

 $r_{\perp} F$ و برای کو تورن کی مساوات کو تورن کی عسلامت کا متاعدہ استعمال کر کے ، توازن کی مساوات $r_{\perp} F$ و برای کا تورن کی مساوات کی تورن کی عسلامت کا تورن کی مساوات کی تورن کی مساوات کی تاریخ کا تار

(1.19)
$$(a)(T_c) - (b)(T_r) - (\frac{1}{2}b)(mg) = 0$$

ک جگہ Mg ڈال کر T_c کے لئے سل کر کے ذیل مساس ہوگا۔

$$T_c = \frac{gb(M + \frac{1}{2}m)}{a}$$

$$= \frac{(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})(2.5 \,\mathrm{m})(430 \,\mathrm{kg} + 85/2 \,\mathrm{kg})}{1.9 \,\mathrm{m}}$$

$$= 6093 \,\mathrm{N} \approx 6100 \,\mathrm{N} \qquad (3.6)$$

 $(_{-})$ چول سے بازو پر صافی قوت کی ت در F تلا $^{-}$ تلا $^{-}$

كلب ي تصور

 T_c ہمیں افقی حبزو F_h اور انتصابی حبزو F_v در کار ہیں، جن سے صافی قوت کی متدر F حاصل ہو گی۔ ہم حبانے ہیں لہذابازو پر قوت کی توازن کی مصاوات کا اطہاق کرتے ہیں۔

$$F_h-T_c=0$$
 زیل کھ کتے ہیں: $F_h-T_c=0$

اور يوں ذيل ہو گا۔

$$F_h=T_c=6093\,\mathrm{N}$$
انتصابی حبیزوکے لئے ہم $T_c=0$ کو درج ذیل کھتے ہیں۔

$$F_v - mg - T_r = 0$$

کی جگہ Mg ڈال کر F_v کے لئے حسل کر کے ذیل حساس ہوگا۔

$$F_v = (m + M)g = (85 \text{ kg} + 430 \text{ kg})(9.8 \text{ m s}^{-2})$$

= 5047 N

مسئلہ فیثاغور شے استعال کرکے ذیل حساصل ہوگا۔

$$F = \sqrt{F_h^2 + F_v^2}$$

$$= \sqrt{(6093 \,\mathrm{N})^2 + (5047 \,\mathrm{N})^2} \approx 7900 \,\mathrm{N} \quad (\text{--})\text{s.}$$

یادرہے، F کی قیمت تجوری اور بازو کے محب موعی وزن: N 5000 N ، یا افتی رسامسیں سن او: 6100 N سے کافی زیادہ ہے۔

نمونی سوال ۲۰۳: د**یوار کے ساتھ کھڑی سیڑھی**

شکل $m = 45 \, \mathrm{kg}$ سین سیز گی، جس کی لمب آئی $m = 12 \, \mathrm{m}$ اور کیست $m = 45 \, \mathrm{kg}$ ہے، جس کی دیوار کے ساتھ گئے سین میں کے بالا سے وقت کی بیوار اور سیز گل کے ساتھ کی بیال سے میں میں ہوگی کے بہت دی پر ہے، اور سیز گل کا مسر کو کہیں نے کھیا سرے سیز گل کے بہت راہ L/3 من میلے پر ہے۔ ویشر مش بالار گر نہیں کی کیست محتی کی کہیں ہوتا ہے۔ ایک شخص کا کھی سرے شخص کا کھی ہے۔ ایک شخص کی کیست کھی کے سرے شخص کا میں میں کہیں ہوتا ہے۔ سیز گل کے بیوار اور ویشر مش سے قوتوں کی ویت در یں کیا ہوں گی ؟

كلي دى تصورات

ہم شخض اور سیز ھی کو اپن نظام مان کر نظام کا آزاد جسمی حن کہ، جس پر عمسل پسیرا قوت و کھائے گئے ہیں، بناتے ہیں (ہیں (شکل 7b. 12)۔ نظام سکونی توازن مسیں ہے، البندااسس پر قوت کی توازن اور قوت مسروڑ کی توازن کی مساوات (مساوات ۲٫۷ تامساوات ۲٫۷ کاملیاق مسکن ہے۔

حماہ: مشکل 7b.12 مسیں شخص کو سیڑھی پر نقطے سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ شخص پر تحباذ بی قوت Mg کے سمتیہ کو خط عمسال (سمتیہ قوت سے گزرتی اور اسس کے ہمسراہ لکسیسر) پر گھییٹ کر، سمتیہ کی دم نقطے پر رکھی گئی ہے۔ (قوت یوں منتقسل کرنے

ے، سشکل کو عصود دار، کسی بھی محور گھساو کے لیے ظرے قویں مصروڑ تبدیل نہیں ہوتی۔ یوں، قویں مصروڑ کی توازن کی مساوات، جو ہم استعال کریں گے، اثراند از نہیں ہوتی۔)

دیوارے سیز ھی پر صرف افقی قوت \vec{F}_w عمل کرتی ہے (بلار گز دیوار پر رگڑی قوت موجود نہمیں ہو سکتی، اہلہذا سیز ھی پر دیوارے ہمسراہ انتصابی قوت صف ہوگی)۔ و سیر سش سے سیز ھی پر قوت \vec{F}_p کا فقی حسنرہ وگی ہے جو سکونی رگڑی قوت ہے۔ قوت ہے، اور انتصابی حسنزہ \vec{F}_{py} ہے جو عصودی قوت ہے۔

توت مسرور $au_\perp F$ روپ مسین ککھ کر، توازن کی مساوات $au= au_{r_\perp}$ ذیل ککھی جائے گی۔

(1.r)
$$-(h)(F_w) + (a/2)(Mg) + (a/3)(mg) + (0)(F_{px}) + (0)(F_{py}) = 0$$

(مثبت قوی مسروڑ حنلان گھٹڑی گھماو کے مسرادن اور منفی قوی مسروڑ گھٹڑی وار گھماو کے مسرادن ہے۔)

سيرُ هي، ديوار، اور منسر سش مت ائم تكون بن تي بين، جس پر مسئله فيثاغور شه كااطسان ذيل ديگا-

$$a = \sqrt{L^2 - h^2} = 7.58 \,\mathrm{m}$$

اسس کے بعبد،مساوات ۲۰۲۱ ذیل دیگی۔

$$F_w = \frac{ga(M/2 + m/3)}{h}$$

$$= \frac{(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})(7.58 \,\mathrm{m})(72/2 \,\mathrm{kg} + 45/3 \,\mathrm{kg})}{9.3 \,\mathrm{m}}$$

$$= 407 \,\mathrm{N} \approx 410 \,\mathrm{N} \qquad (\text{---})$$

اب جمیں شکل 12 میار تو تو ت کی توازن کی مصاوات استعمال کرنی ہو گی۔ مصاوات $F_{w}-F_{px}=0$ ذیل دیگی: $F_{w}-F_{px}=0$

لہلنڈاذیل ہو گا۔

رساوات $F_{i,y}=0$ ویل دیگی:

$$F_{py} - Mg - mg = 0$$

لہٰناذیل ہوگا۔

نمونی سوال ۲۰۴۰ پییا کے جھ کا بڑج کا توازر

ف سنر ض کریں پیپ کابُرج، رواسس R=9.8 س کامٹ کی کیاں بسیان ہے، جو h=60 س بلند ہے۔ اسس کامٹ کر کر کی پیپ کابُرج، رواسس R=9.8 س کامٹ کر کی بیان بیٹ ن سید ساکھ کور پر، h/2 بلند کی پر پایا جاتا ہے۔ شکل R=1.2 میں بسیان دائیں طسر و ن (بُرخ کے جنوب جبان ب) 0.5=0 جی جی کہ جو سر کر کیست کو 0 مناصلہ دور کر تا ہے۔ میسان دائیں طسر من کریں، زمسین صرف دو قوت بُرج پر پیدا کرتی ہے۔ میسود کی قوت \vec{F}_{NL} بائیں (شمالی) دیوار پر، اور میسود کی قوت \vec{F}_{NR} میں کتنی فی صد تب یلی رونسا ہوتی ہے؟

كلب دى تصور

چونکہ بڑے گھٹڑاہے، یہ توازن مسیں ہوگاور کی بھی فقطہ کے لحیاظے اسس کر قوت مسروڑ کا محبوعہ صف ہوگا۔ حماجہ: ہم دائیں دیوار پر F_{NL} بہت بائیں دیوار پر F_{NR} بہت بائیں دیوار کے کر قوت مسروث حماجہ: ہم دائیں دیوار پر F_{NR} بہت بائیں دیوار کے کر قوت مسروث کا حساب کرتے ہیں۔ تعباد بی قوت کا حساب کرتے ہیں۔ تعباد بی قوت مسرکز کیت پر عمسل کرتی ہے، کا خط عمسل انتصابی ہے اور اسس کا معیار اثر کا بازو (چول سے خط عمسل کا عصود دار قوت کے ساتھ وابستہ قوت مسروڑ بُری کو گھٹڑی وار گھسٹے کی مسئٹ کرتی ہے البتذا سے منتی ہوگی۔ جنوبی دیوار پر عصود دار قوت کے ساتھ وابستہ قوت مسروڑ بُری کو گھٹڑی کو گھٹڑی کا منتسانی ہے، اور اسس کا معیار اثر کا بازو کی ہوگی۔ جولی دیوار پر عصود دار قوت کے ساتھ کا خط عمسل انتصابی ہے، اور اسس کا معیار اثر کا بازو کی ہوگی۔ جولی پر اسس قوت سے وابستہ قوت مسروڑ حنیان گھٹڑی گھٹ دیسید اگرتی ہے لہندا سے مثبت ہوگی۔ آئیں قوت مسروڑ کے توازن کی مساوات ($0 = \frac{1}{2}$ کا کھٹیں:

$$-(R)(mg) + (2R)(F_{NR}) = 0$$

جو ذیل دیتی ہے۔

$$F_{NR} = \frac{1}{2}mg$$

ہے۔ متیب بغیبر حسل کیے ہم حبان سکتے تھے: مسر کز کمیت وسطی محور پر پایا حباتا ہے، لہنہ ذا دایاں طسرون ہیلن کا نصف وزن اٹھا تا ہے۔

شکل 8b.12 میں مسر کز کمیت دائیں طسر نے منتقتل ہے، جب ال کا ذیل ہے۔

$$d = \frac{1}{2}h\tan\theta$$

R+d ہوگاور دائیں R+d ہوگاور دائیں عصوری قوت کا معیار اثر کا بازو ت در F'_{NR} نئی قیمت ہوگی (شکل 8d.12) ۔ یون ذیل کھے حیاتا ہے:

$$-(R+d)(mg) + (2R)(F'_{NR}) = 0$$

جو ذیل دیگا۔

$$F'_{NR} = \frac{R+d}{2R}mg$$

اس نئ قیب کویرانی قیب سے تقسیم کرکے d کی قیب ڈال کر ذیل ہوگا۔

$$\frac{F'_{NR}}{F_{NR}} = \frac{R+d}{R} = 1 + \frac{d}{R} = 1 + \frac{0.5h \tan \theta}{R}$$

ار مسین $R=9.8\,\mathrm{m}$ ، اور $\theta=5.5^\circ$ ذال کرذیل نتیجہ حساس کرتے ہیں۔

$$\frac{F'_{NR}}{F_{NR}} = 1.29$$

یوں ہارے سادہ نمون کے تحت، اگر حیہ جھکاو بہت معمولی ہے، جنولی دیوار پر قوت مسین اضاف تقسریباً 30 فی صب بڑھاہے، جس کی وحب سے جنولی دیوار پیچیئنے کاخطہ رہ لاحق ہے۔ بارسٹس کے ساتھ بُرُنْ کے بنیجے سے مٹی نکل حبانا جھاو کی وجب بن ہے۔ بُرج کے نیچے یانی کے انعکاسس کانظام نصب کرے جھکاویر وت ابویایا گیا ہے۔



م**قاصد** اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

ا. بلاتعسین صورت حبان یائیں گے۔

٣٠. کيل ـــــ

۲. جبر،بگاڑ، اور مقیاس ینگے کے تعسلق کی مساوات تناواور داہے کے لئے استعال کریائیں گے۔

- ٣. مناوني مضبوطي اور اخب مضبوطي مين منسرق حبان يائيں گے۔
- ۴. جبر،بگاڑ،اورمقیاسس قینچ کی مساوات کااطسال قینچ کرنے (کاٹنے) کے لئے کریائیں گے۔
- ماقوائی داب، بگاڑ، اور مقیاسس حب کے تعلق کی مساوات کااطلاق ماقوائی جبرے لئے کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• جسم پر قوتوں کی عمسل ہے جسم کے لحبی کی رویہ (منج ہونے) کو تین مقیاسس کیک بسیان کرتے ہیں۔ بگاڑ (لمبائی مسیں ک کسر کی تب یلی) اور اطلاقی جب (اکائی رقب پر قوت) کا (درج ذیل) رشتہ نظی ہے، جہاں تناسبی متقل مقیاسس کہا تاہے۔

• تان یاداب کی صورت مسیں جبر وبگاڑ کار شتہ ذیل لکھا حب تاہے:

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

جہاں $\Delta L/L$ جسم مسین تان یاد ہے کابگاڑ، F بگاڑ پیدا کرنے والی لا گوقوت کی تدر، A عصود کی تراشش کارقب کے جسس پر A (رقبے کوعسود دار) لا گوگ گئے ہواور E جسم کامقیاسس پڑک ہے۔ جب رE ہوگا۔

قینج جب رکی صورت میں جسم کاجب روبگاڑر شنہ ذیل لکھا حب تاہے:

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{I}$$

جباں $\Delta x/L$ جس کا تینی جم کے ایک سسر کا ہاو، اور \vec{F} کے رخ مسیں جم کے ایک سسر کا ہاو، اور \vec{F} جم کا مقب سس تینی ہے۔ جب \vec{F} ہوگا۔

• ماقوائی داب کی صورت مسیں جسم پر اطسر ان کاسیال جبر لاگو کرتاہے؛ جب روبگاڑ کار شتہ ذیل لکھا حبائے گا:

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

جباں p جہم پر سیال کا دباو (ماتوائی جبر) ہے، $\Delta V/V$ دباو کی پیدا (بگاڑ) جہم کے حب مسیں مطلق کسری تب یلی ہے، اور B جہم کامقیا سس حج ہے۔

بلا تعبين جسم

اسس باب کے مسائل مسیں ہمارے پاسس صرف تین عنسیر تابع مساوات ہوں گے؛ عسموماً توازن قوت کی دواور محور گھے۔ پر توازن قوت مسروڑ کی ایک مساوات ہوگی۔ یوں، اگر کسی مسئلے مسیں تین سے زیادہ نامعسلوم متغیب رہوں، ہم اسس کوحسل کرنے سے وت صرح ہوں گے۔

غیب رمیٹاکل بوچھ سے لدے ہوئی گاڑی پر غور کریں۔ اسس کے حپاروں پہسیوں پر ایک دوسرے سے مختلف قوت کسیا بیں؟ چو نکہ ہمارے پاکس صرفت تین مساوات ہیں لہذان قوتوں کو معسلوم کرنا ممسکن نہیں۔ ای طسر ح، تین پائے کے مسیز کا توازن کامسئلہ ہم حسل کر سکتے ہیں، تاہم حپار پائے کے مسیز کے لئے حسل مسکن نہیں ہوگا۔ اسس طسر ح کے مسائل جن مسیں مساوات سے نامعسلوم معتادیر کی تعب ادزیادہ ہو، ملا تھیل جن کہالے تیں۔

اسس کے باوجود، حقیقی دنیا مسیں بلا تعیین مسائل کے حسل موجود ہیں۔ اگر آپ گاڑی کے پہسیوں کو حپار مختلف ترازو پر رکھیں، یقیناً ترازو عنی مبہم نسانگردیں گی؛ جن کا محب وعب عسین گاڑی کے وزن کے برابر ہو گا۔ ایک کونمی بات ہے جوہم نہیں حباخے، اور جس کے سے حباخے ہوئے ہم مسئلہ حسل کرنے سے مساصر ہیں؟

ھیقت ہے ہے، کے بغیبر، ہم جن اجسام پر سکونی توازن کی مساوات کا اطلاق کرتے ہیں، ہم انہیں کامسل استوار تصور کرتے ہیں۔ یعنی ہم منسرض کرتے ہیں کہ لا گو قوت ان اجسام کو کسی طسرح بھی منخ نہیں کرتی۔ در ھیقت کامسل استوار جسم کہیں نہیں پیاجب تا۔ مشاأ، گاڑی کے پہیے آس نی سے بو جھ تلے منخ ہوکر سکونی توازن کے مصام پر ہسیٹھے ہیں۔

آپ کا واسطہ حیاریائے کے لؤ گھٹڑاتے مینزے ضرور پڑا ہو گا۔ایک پائے کے نیچے تہہ دار کاعن ذر کھ کر اے مستخلم کی حیاریائے کے لؤگھٹڑا کے مینز پر ہاتھی بٹھانے کے اگر مینز ٹوٹ سے حیائے، آپ یقین کر سے ہیں اسس کے پائے گاڑی کے پہسیوں کی طسرح من ہوں گے۔ حیاروں پائے زمسین کو مسس کریں گے، ان پر زمسین سے عصود دار تو تیں عنی مہم (اور ایک دوسرے سے مخلف) قیمت اختیار کریں گی، اور مسیز لڑ گھٹڑائے گانہ میں (شکل 9.12)۔ایی یا اسس سے ملتی حباتی صور توں مسین، جہاں من ہونا ہم تو سے کی انفٹ رادی قیمت کیے حبان سکتے ہیں؟

بلا تعسین مسئلہ حسل کرنے کے لئے، توازن کی مساوات کے ساتھ ہمیں کچک کی معسلومات بھی بروئے کار لانی ہو گی۔ طبیعیات کی وہ شاخ جو توت کے زیراٹراجسام کے متح حسانے کیات کرتی ہے، کیک کہلاتی ہے۔

آزمائشس۳

چھت ہے کیساں سلاخ، جس کاوزن \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 تو سے اٹکایا گیا ہے، جو سلاخ پر اوپر وار \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 تو سے دار سے باندھ کر لٹکایا گیا ہے۔ ان مسیں کوئی صورت بلا تعیین ہے، اگر ہے بھی۔ (بلا تعیین صورت مسیں ہم \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 معلوم نہیں کریا ئیں گے۔)

لچا___

بہت سارے جوہر، تین بُعدی حبالی مسیں متوازن مصامات پر بسیٹے کر ، دھاتی جم، مشلاً، کسیل بناتے ہیں۔ تین بُعدی حبالی عملی بختی ہیں۔ تین بُعدی حبالی تحدید کی بختی ہیں۔ جوہر صدری جوہر صدری جوہر مقصررہ وضاعلے پر ہوگا۔ بین جوہر تو تین، جنہیں شکل 10.12 مسیں اسپرنگ سے ظاہر کسیا گیا ہے ، جوہر کو اپنی جگس پر رکھتی ہیں۔ سے حبالی حسرت کن استواریت رکھتی ہیں۔ بہت زیادہ رکھتی ہیں۔ بہت زیادہ اکر جوں سرے لفظوں مسین بین جوہر قوت نہیا ہے۔ جوہر کو اپنی جگس پر اور شکل 10.12 مسیں استوار سیجھتے ہیں۔ بال ربڑ اور اکر جول گیا۔ یکی وجب ہے، ہم عمام اجسام، مشلاً، دھاتی سیؤھی، مسین، اور چچ کو کام سل استوار سیجھتے ہیں۔ بال ربڑ اور پائے ایک خوبس استوار حبالی نہیں بن تے۔ ان اجسام کے جوہر شکل 10.12 کی طسرح استوار حبالی نہیں بن تے؛ بلکہ سے سالت تی گیا۔ بیل جو تشریلی خوبس بن تے۔ بیل جو تشریلی خوبس بن تے ہیں جو سر بیلی خوبس بن کے؛

حقیقی"استوار" اجسام کی حد تا کی ہوں گے، اور یوں انہ میں دباکر، تان کر، اور مسروڑ کر ہم ان کی مشکل وصور معمولی تبدیل کر سکتے ہیں۔ در پیش معتادیر حبانے کے لئے، چست سے انتصابی کسٹی فولادی سلاخ پر غور کرتے ہیں، جس کی کہ لئی گل تا 1 اور قطسر 1 cm ہے۔ سلاخ کے سرے چھوٹی گاڑی لؤکانے سے سلاخ کی لمبائی مسیں 0.5 mm یعنی % 0.05 کا صاف نے ہوگا۔ مسئیں گاڑی ہئا نے پر سلاخ دالجس اپنی اصل لمبائی اختیار کرتی ہے۔

سلاخ سے دوگاڑیاں لٹکانے پر، سلاخ ہمیشہ کے لئے تھنچ حباتی ہے، اور وزن ہٹانے سے اصل لمبائی افتیار نہیں کرتی۔ تین گاڑیاں لٹکانے پر، سلاخ ٹوٹ حبائے گی۔ عسین ٹوٹے سے قبل، لمبائی مسیں اضاف ہوگا۔ اگر چہاد جسامت کے اضافاع مسیں تبدیلی زیادہ نہیں، انجیسئری مسیں اسس کے دور رسس نشائج ہوں گے۔ (آیا جہاز کا پُر جہاز کے ساتھ حبڑارہے گا، بقیدیا، بداہیت کے حسامس بات ہے۔)

تا ہونے طریقے۔ قوت لاگو کرنے پر، ٹھوسس جم کاطول وعسرض تین طسر ہت بدیل ہو سکتا ہے۔ شکل 11a.12 میں ہیان کھنے کتھ کے گئی خور کو عصود دار قوت لاگو کر کے ہیان منح کیا گیا ہے۔ کتھنے کر لمب کی اگلی ہے۔ 11b.12 میں سیال میں ٹھوس جم رکھ کر بلٹ دالب کے زیرا اثر تمام اطسران ہے جم دہایا گیا ہے۔ من منظم 11c.12 میں ٹھوس جم رکھ کر بلٹ دالب کے زیرا اثر تمام اطسران ہے جم میں لگا ہوں کہ جم مسین لگا ہوں کا کہ جم مسین لگا ہوں کہ جم مسین لگا ہوں کہ جم مسین لگا ہوں کہ جم مسین بھی جہ در اور شکل 11c.12 مسین ماتوائی جب دکھیا گئے ہے۔ دکھیا گئے ہے۔ دکھی باگسے ہے۔ دکھی باگسے ہے۔

جبراور بگاڑ شینوں صور توں مسیں مخلف روپ اختیار کرتے ہیں، تاہم انجینئری کے معتاص دے لئے جبراور بگاڑ راست مستناسب ہیں۔ راست مستناسب کامستقل مقیام کے کہا تا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$(1.77)$$
 جبر \times مقب $=$ جبر

تن وی حناصیہ کے معیاری پر کھ مسیں پر کھی ہیان (جیب شکل 12.12 مسیں دکھیایا گیا ہے) پر تن وی جب رصنسر قیمت سے آہتہ آہتہ بڑھیایا جہ کئی کہ ہیان ٹوٹ حبائے، اور ساتھ ساتھ بگاڑ ناپ کر ترسیم کی حباتی ہے۔ یوں شکل 13.12 کے طسرز کی جب بالمقابل بگاڑ ترسیم حیاصل ہوگی۔لاگو جب کی وسیع حید تک جب راور بگاڑ کا تعلق خطی ہے، اور جب رہٹ نے پر پر کھی جم والیس اصل طول وعسرض اختیار کرتا ہے؛ اسس خطی خطے مسین مساوات۔ ۲۰۲۲

stress

strain

modulusofelasticity2

کااط لاق ہوگا۔ پر کھی جسم کی مغلوبی مضبوطی کی مخاولی مضبوطی کے جب ربڑھانے پر جسم ہمیث کے لئے منے ہو جب تاہے۔ جب رمسلس بڑھانے پر جب اخیر مضبوطی 8 کو پنچتاہے، جسم ٹوٹ سباتاہے۔

تان اور داــــــ

Fدہ تان یادا بے کے لئے، جم پر جب رکی تعسر یف F/A ہے، جب ال جم کے رقب A پر عسود دار توت کی و تدر A ہے۔ بگاڑ ہے مسراد بے بُعد منت دار A ہے، جو جم کی لب اُن مسین کسری (یا بعض او و ت نی صد) تب یلی ہو گا۔ اگر جم ایک بھی سان ہو اور جب رمغ لوبی مضبوطی ہے تجب اوز نہ کرے ، ناصر و نے پوری سان کا بگاڑ بلکہ اس کے ہم مکڑے کا بگاڑ د ہے ہم ایک بیاد و بی مقیاس کے بعد و بی کا بھاڑ ہو جب رکا ہے ؛ د یک بھاڑ بے بُعد ہے ، مساوات ۱۲۲۲ مسین مقیاس کے بُعد و بی ہو گا بوجب رکا ہے ؛ یعنی توت فی اکا لی رقب ۔

تنادی اور دباوجب رکے مقیاس کو مقیاس پنگ اکتے ہیں، جس کو انجین کی مسیں E سے ظاہر کیا حباتا ہے۔ یول مساوات ۱۲۰ دنیل رویا افتیار کرتی ہے۔

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

جہم مسیں بگاڑ ΔL/L باآپ فی **بگاڑ میما** "ے ناپاحبا تاہے (شکل 14.12)، جس کو جہم کے ساتھ گوندے چسپاں کیا حبا تا ہے؛ اسس کے برقی خواص بگاڑ پر مخصد میں، جنہیں ناہے کربگاڑ ناپاحبا تاہے۔

اگر حب تان اور داب دونوں مسیں جم کامقیاس نیگ تقسریباً ایک ہوسکتا ہے، جم کی اخب مضبوطی جب رکے دوقعموں کے کے لئے بالکل مختلف ہوگا۔ کا نکریٹ (کسنکر اور سینٹ کے مسالے سے بنائی گئی) داب مسیں انتہائی مضبوط کسیکن تان مسیں اتنی کمسزور کہ تان کی صورت مسیں کہ میں استعال نہیں ہوتی۔ حبدول ۲۱ مسیں انجین نری دلچپی کے چند اشیاء کے مقیاسس نگل اور دیگر کی خواص چیش ہیں۔

قينج

قیخ کی صورت مسیں بھی جبرنی اکائی رقب توت ہوگا، تاہم توت سمتیر قبے کے مستوی مسیں ہوگانا کہ رقبے کو عسود دار۔ بگاڑ لے بُعد نسبت $\Delta x/L$ ہوگا، جب اس معتادیر کی تعسریف شکل 11b.12 مسیں پیش ہے۔ مطابقتی مقیاس، جس کو انجیت میں شعب مسیں G سے ظہر کیا جب تاہے، کو مق**یاس قین** اسکتے ہیں۔ قین کے لئے مساوات ۲.۲۲ ذیل کھی حبائے گی۔

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{L}$$

گھے وکے دوران بو جھ پڑنے پر دھے را قینج سے ٹوٹت ہے اور جھکنے کے دوران ہڈی قینج سے ٹوٹتی ہے۔

yieldstrength[^]

ultimatestrength

Young'smodulus"

straingauge"

shearmodulus'r

ئىپىكى خواص	۔انشیاءے جین دلح	لچیبی کے منتخ ب	حبدول ۲:۱نجیسنئری د
	• •	•	

مغلوبي	اخپ	مقباسس		
مغـــاوبی مضبوطی S _y	S_u مضبوطی	يگــــــ E	ho کثافت	
	(10^6Nm^{-2})	(10^9Nm^{-2})	(kgm^{-3})	ماده
250	400	200	7860	فولاد
95	110	70	2710	سلور
_	50	65	2190	ثيثه
_	40	30	2320	كانكرييـــــ
_	50	13	525	لكڑ
_	170	9	1900	ہڑی
	48	3	1050	پالی اسٹرن

ماقوائی جب ر

سشکل 11c.12 مسیں سیال کا دباو (فشار سیال) p جم پر جب رپیداکر تا ہے، اور جیب آپ باب 14 مسیں دیکھیں گے۔ دباوی تعصریف اکائی رقب پر قوت ہے۔ بگاڑ $\Delta V/V$ ہوگا، جہاں جم کا اصل (ابت دائی) حجم V اور حجم مسیں تبدیلی کی مطابق قیمت ΔV ہے۔ مطابق مقیاس جم سال تا ہے۔ ہم تبدیلی کی مطابق قیمت ΔV ہے۔ مطابق مقیاس جم سال متابع ہے مادے کا مقیاس جم سال تا ہے۔ ہم کے بین جم زیر ما قوائی دباوے ہو اور دباو کو ما قوائی جب ریکاراحب سکتا ہے۔ یہاں مساوات ۲۰۲۲ ذیل کھی حب کے گ

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

 J^{10} پانی کے لئے مقیاس حجب $N \, m^{-2} \, N \, m^{-2}$ اور فولاد کے لئے عسد دی $N \, m^{-2} \, N \, m^{-2}$ ہے۔ بحسر الکائل کی تہیں جو اوسط سا $N \, m^{-2} \, m \, m^{-2}$ ہوگا۔ اس گہر ان کی بی نی کے حجب میں کہر میں جو اوسط کی قیست $N \, m^{-2} \, m \, m^{-2}$ ہوگا۔ اس گہر ان کی بی نی کے حسوماً، ٹھو سس میں کسری تب یلی $\Delta V/V$ کی قیست $N \, m^{-2} \, m \, m^{-2}$ ہوگا، فولادی جم کے لئے صرف $N \, m^{-2} \, m \, m^{-2}$ ہوگا۔ استواد جو ہری حبالی کی بدولت، سیال سے کم داب پذیر ہوں گے، جس مسیں جو ہریا سال قسر بی جو ہریا سال ہے کہ داب پذیر ہوں گے، جس مسیں جو ہریا سال قسر بی جو ہریا سال ہے کہ داب پذیر ہوں گے، جس مسین جو ہریا سال میں میں جو ہریا ہو ہو کہ کے ساتھ کے دور مشکل کی میں میں ہو کہ کا میں میں ہو کہ کا میں ہو کہ کی ان کی میں کسی کی ہو کہ کی گھر کے ساتھ کے دور مشکل کی کھر کے ساتھ کی دور سے کہ کی کے سال کے کا میں کی کی کھر کی کے سال کے کا کھر کی کھری کے ساتھ کی کروں گے کہ کو کہ کو کہ کی کھر کے ساتھ کی کروں گے کہ کو کھر کی کھر کی کھر کی کھر کی کھر کی کھر کی کو کھر کی کھر کی کھر کی کھر کی کھر کی کھر کے ساتھ کی کھر کی کھر کی کھر کی کھر کی کھر کو کھر کی کھر کے کہ کو کھر کی کھر کی کھر کی کھر کی کھر کو کھر کی کھر کے کہ کھر کھر کی کھر کی کھر کی کھر کے کہ کھر کی کھر کی کھر کے کہ کھر کھر کی کھر کے کہ کھر کی کھر کی کھر کے کہ کھر کی کھر کے کہ کھر کی کھر کھر کی کھر کے کہ کھر کھر کی کھر کے کہ کھر کے کہ کھر کے کہ کھر کی کھر کے کہ کھر کھر کی کھر کے کہ کہ کھر کے

نمونی موال ۲۰۵۵: کمچنچی ملاخ میں جمر اور بگاڑ فولادی سلاخ کا ایک سسر سٹ نخبہ مسیں پکڑ کر ، دوسسرے سسر کی سطچ پر F = 62 kN متدر کی عصود دار قوت (سطچ پر یک ان الاگو کر کے سلاخ کیخی حب تی ہے۔ قوت لاگو کرنے ہے قب ل، سلاخ کارداسس R = 9.5 mm اور لمب بی الگوکر کے سلاخ کی طوالت ، اور بھاڑ کر ہیں ؟ 81 cm

bulkmodulus"

كلب دى تصورات

(1) ساخ کے سر پر قوت عصود دار اور یکاں ہے المہذا قوت کی تدر F اور رقب A کی نبیت، جبر ہوگا۔ میں دات E کا جب راور مقیاس ینگ E سے تعلق میا دات ΔL کا جب راور مقیاس ینگ E سے تعلق میا دات E روز کا دارت راسل کی بازی E کی نبیت بگاڑ ہوگا۔ E ($E/A = E\Delta L/L$) مربع

حماج: جبر تلاسش كرنے كے لئے ہم درج ذيل كلھے ہيں۔

$$\Rightarrow \frac{F}{A} = \frac{F}{\pi R^2} = \frac{6.2 \times 10^4 \text{ N}}{(\pi)(9.5 \times 10^{-3} \text{ m})^2}$$

$$= 2.2 \times 10^8 \text{ N m}^{-2} \quad (\text{A})$$

 $_{2.5} \times 10^{8} \, \mathrm{N \, m^{-2}}$ ہوگا۔

فولاد کامقیاسس ینگ حبدول ۲۰۱۱ سے دکھ کرمعلوم کرتے ہیں۔ یوں مساوات ۲۰۲۳ سے ذیل طوالت حساسل ہو گا۔

$$\Delta L = \frac{(F/A)L}{E} = \frac{(2.2 \times 10^8 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-2})(0.81 \,\mathrm{m})}{2.0 \times 10^{11} \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-2}}$$
$$= 8.9 \times 10^{-4} \,\mathrm{m} = 0.89 \,\mathrm{mm} \quad (\text{---})\text{s})$$

بگاڑ ذیل ہو گا۔

$$\frac{\Delta L}{L} = \frac{8.9 \times 10^{-4} \,\mathrm{m}}{0.81 \,\mathrm{m}}$$
$$= 1.1 \times 10^{-3} = 0.11 \,\% \quad (\text{)}$$

نمونی سوال ۲.۶: لر کھواتے میز کا توازار

 $d=0.50\,\mathrm{mm}$ ایک میبز کے تین پائے $d=0.50\,\mathrm{mm}$ اور چوکات $d=0.50\,\mathrm{mm}$ اور میبز کے تین پائے کہ دولت میبز کو گھٹ راتا ہے۔ میبز پر $d=0.50\,\mathrm{mm}$ کے میبز پر والب ہوتے ہیں اور میبز کے میبز پر والب ہوتے ہیں اور میبز کے کہا ور این کا عصودی تراسٹ رقب $A=1.00\,\mathrm{mm}$ کے کہا ہور کا کہا گوگ کے بیں اور این کا عصودی تراسٹ رقب $C=1.00\,\mathrm{mm}$ کے میبز کے پایوں پر قوت کی میبر کی کے میبز کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے میبر میبر کے میبر کے میبر کے میبر کی کی میبر کی میبر کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے میبر میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کی کو کریں۔

كليدى تصورات

ہم مینز اور فولادی ہیلن کو نظام مانے ہیں۔ صورت حسال مشکل 9.12 کی طسرح ہے؛ منسرق صرف اتنا ہے کہ یہاں میں۔ زیر فولادی ہیلن کو نظام کی استواسط ہو، پائے لاز مأدرن ذیل طسرح زیر داہب ہوں گے: ہر چھوٹاپایا میںز پر فولادی ہیلن رکھا گیاہے۔ اگر میں کابالا تخت استواسط ہو، پائے لاز مأدرن ذیل طسرح زیر داہب ہوں گے: ہر چھوٹاپایا برابر دباہوگا(ہم اسس معتدار کو کلا کلاتا ہیں) اہندا اسینوں پر قوت کی ایک جنتی صدر حج مسل کرے گی۔ داحہ کہ ایک ٣.٢. يك____

زیادہ دیے گا (جس کو ہم ΔL_4 کیھے ہیں) اہلیذا اسس پر قوت کی ت در F_4 بڑی ہو گی۔ دوسسرے لفظوں مسیں میسز کا تخت ہا استواہونے کی صورت مسین ذیل ہوگا۔

$$\Delta L_4 = \Delta L_3 + d$$

ماوات $\Delta L = FL/AE$ وی میں تبدیلی اور اسس تبدیلی کوپیدا کرنے والی ت در کا تعساق $\Delta L = FL/AE$ وی جہاں پائے کی اصل لمب کی $\Delta L_3 = \Delta L_4$ میں $\Delta L_4 = \Delta L_5$ اور $\Delta L_5 = \Delta L_5$ اور $\Delta L_5 = \Delta L_5$ میں میں تعبال کیا جب میں میں تبدیل کیا ہے۔

حماج: یوں اسس تعلق نے ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$\frac{F_4L}{AE} = \frac{F_3L}{AE} + d$$

اسس مساوات مسين دونامعلوم معتادير، F_4 اور F_3 ، بين البنداات مسل كرناممكن نهين م

اور F_3 کی دوسری میاوات کھنے کی عضرض سے ہم انتصابی y محور منتخب کر کے انتصابی قوتوں کی توازن کی F_4 میاوات (F_{3-y}, y) کھتے ہیں:

$$3F_3 + F_4 - Mg = 0$$

جب نظام پر تحباذ بی قوت Mg کے برابر ہے۔ (تین پایوں پر قوت \vec{F}_3 ہے۔) جم نزاد مساوات ۱۳۷ ورمساوات ۱۳۷ مشل $F_4 = Mg - 3F_3$ کھ کر مساوات ۱۳۷ مشل وات برابر کے لئے جم مساوات ۱۳۷ مشل وات پر جس کو حسل کر کے ذیل حساس ہوگا۔

$$\begin{split} F_3 &= \frac{Mg}{4} - \frac{dAE}{4L} \\ &= \frac{(290\,\text{kg})(9.8\,\text{m}\,\text{s}^{-2})}{4} - \frac{(5.0 \times 10^{-4}\,\text{m})(10^{-4}\,\text{m}^2)(1.3 \times 10^{10}\,\text{N}\,\text{m}^{-2})}{(4)(1.00\,\text{m})} \\ &= 548\,\text{N} \approx 5.5 \times 10^2\,\text{N} \qquad (\text{...}\text{s}) \end{split}$$

مساوات ٢٠٢٨ سے ذیل حساصل ہوگا۔

$$F_4 = Mg - 3F_3 = (290 \text{ kg})(9.8 \text{ m s}^{-2}) - 3(548 \text{ N})$$

 $\approx 1.2 \text{ kN}$ (—)£)

آپ د مکھ سکتے ہیں کہ ہر چھوٹاپایا 0.42 m اور لمب پایا m 0.92 دباہے۔

نظب رثانی اور حنلاصی

سکونی توازی جب استوار جم س کن ہو ہم کہتے ہیں وہ سکونی توازین سامسیں ہے۔ایے جم پر بسیہ ونی قو توں کا سستی محب و عب صنب کے برابر ہوگا۔

$$ec{F}_{i,m} = 0$$
 (توازن قوت $ec{F}_{i,m} = 0$ (عوازن قوت المرازن قوت المر

اگرتمام قوت بع مستوی مسین ہول، ہے۔ ستی مساوات زیل دوجبزوی مساوات کی معادل ہے۔

$$F_{i,j}=0$$
 اور $F_{i,j}=0$ اور $F_{i,j}=0$ اور (۲.۸، ۲.۵)

سکونی توازن سے بے بھی مسراد ہے کہ کسی بھی نقط کے لحباظ سے جسم پر ہیسرونی قوت مسروڑ کا سستی مجب وعب صنسر کے رابر ہوگا۔

$$\vec{\tau}_{i_{0}} = 0$$
 (۲.۵) $\vec{\tau}_{i_{0}} = 0$ (۲.۵)

اگر قوت xy مستوی مسیں ہوں، تمسام قوت مسروڑ سمتیات محور z کو متوازی ہوں گے، اور مساوات ۲.۵ ذیل واحد حسنروی مسیاوات کی معیادل ہوگا۔

(1.9)
$$\tau_{i_0} = 0 \quad (\bar{\tau}_{0})$$

مرکز کمیتے جم کے ہر ھے پر تحباذ بی قوت انف رادی طور پر عمس کرتی ہے۔ انف رادی اعمال کاصافی اڑ جب نے کے لئے جم کے مرکز کمیتے پر مساوی کل تحباذ بی قوت \vec{F}_8 تصور کرنا ہوگا۔ اگر جم کے تمسام صول پر ثقلی اسسراع تی ایک ہو، مسر کز کمیتے اور مسرکز ثقل ایک نقل ہر ہول گے۔

مقیار کی جم پر عمسل پیراتو توں کو جم کارد عمسل، جو منج ہونے کی صورت مسیں ہوگا، تین مقیار کی ہے ہیاں کی ہے ہیاں کی سیاحب تا ہے۔ لگاڑ (لمبائی مسیں کسری تبدیلی) اور جم (اکائی رقبے پر قوت) کا تعسلی خطی ہے، جہاں تناسب کا مستقل مقیبا کسس کہا تا ہے۔ ان کاعب مومی رشتہ ذیل ہے۔

$$(4.77)$$
 جبر \times مقیاس $=$ جبر

ال اور داج جب جم تان یاداب کے زیراثر ہو، مساوات ۲۰۲۲ زیل کھی دبئ گا:

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

 \vec{F} جب کات وی برگاڑیا دباوبرگاڑے، \vec{F} لاگوقت \vec{F} کی ت در ، A وہ رقب عبودی تراش ہے جس پر قوت \vec{F} کی ت در ، $\Delta L/L$ اعتماری عبود دردار) عسل کرتی ہے ، اور \vec{F} جم کا مقباری پڑگھے ہے۔ جب را F/A ہوگا۔

staticequilibrium 17

> قیز چی جب جسم جب تینے کے زیراڑ ہو، مساوات ۲۰۲۲ ذیل کھی حبائے گی:

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{L}$$

جہاں $\Delta x / L$ جم کا بگاڑ تینی ہے، Δx لاگو توت \vec{F} کے رخ (جیب شکل 11b.12 مسیں دکھیا گیا ہے) جم کے ایک حسر کا بٹاوے، اور G جم کا مقام ہر قینے ہے۔ جب رF/A ہوگا۔

ما قوائی جبر جب تت م اطسران ہے سیال کادباو جسم پر ما قوائی دباو ڈالت اہو، مساوات ۲۲٫۲۲ ذیل کھی حب ئے گی:

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

جہاں جم پرسیال کی وجب سے دباو (ماتوائی جبر) p ہے، بگاڑ $\Delta V/V$ جم کے حجب مسیں p کی ہدوات مطاق کسری تسبدیلی ہے، اور B جم کا مقیار ہے تھم ہے۔

سوالا ____

سوال ۱۰: سلاخ کا ایک سر دیوار کے ساتھ چولدار ہے ، جب سلاخ کادوسسرا سررتی ہے باندھ اگیا ہے (شکل 15.12) کھے کر حساب کیے بغیب ردی گئی تین صور توں کی در حب بندی (۱) رتبی سے سلاخ پر قوت، (ب) سلاخ پر چول کے انتصابی قوت، اور (ج) چول سے سلاخ پر افتی قوت کی وقید رکے لحساظ ہے ، اعظم قیمت اول رکھ کر ، کریں۔

سوال ۱۹.۲: استوار شبهتیر دوستون پر رکھ گیا ہے جو زمسین مسیں دھنے ہوئے ہیں (مشکل 16.12)۔ بجساری تجوری چھ مختلف مصامات پرباری باری رکھی حباتی ہے۔ شبهتیر کی کیت نظسر انداز کریں۔ (ا)ستون A پرزیادہ سے زیادہ داب اول رکھ کر اور زیادہ سے زیادہ تان آ حسر مسیں رکھ کر، ان مصامات کی در حب بسندی کریں، اور وہ مصام (اگر موجود ہو) معسلوم کریں جو ستون پر صفسر قوت دیگا۔ (ب)ستون B پر قوت کے لیے ظامے ان مصامات کی در حب بسندی کریں۔

سوال ۱۲.۳: گومتے ہوئے یک و صبر ص، جو بلار گڑ ف سر سٹ پر پھسل کر حسر کت کر تا ہے، کے فعن اُن حب اُنزہ سٹکل 17.12 مسیں پیشن ہیں۔ ہرایک و سعر ص پر ۶ ، 12 ، اور 3F و سدر کی تین قوتیں حب کر پر ، یا وسط پر ، اور یا چکا اور وسط کے نصف و نصلے پر ، عمس کی کرتی ہیں۔ قوت سمتیات و سسر ص کے ساتھ ساتھ گھومتے ہیں ، اور سٹکل 17.12 مسیں ان کالمحاتی رخ دائیں یا بائیں ہے۔ کون کون نے و سر ص تو ازن مسیں ہیں ؟

سوال ۱۹.۳: ایک سیڑھی بلار گڑ دیوار کے ساتھ ٹیک لگاکر کھٹڑی ہے، جبکہ منسرسٹس کی رگڑی قوت اسس کو پھسل کر گرنے تے ہوں۔ بتائیں درج ذیل مسین کر گرنے نے روئتی ہے۔ منسرض کریں آپ سیڑھی کے پلیندا کو دیوار کے متسریب لاتے ہیں۔ بتائیں درج ذیل مسین کون متدر کے لحاظ ہے بڑھتا ہے، یاوئی رہتا ہے؟ (۱) منسرسٹس سے سیڑھی پر انتصابی قوت، (ب) دیوار سے سیڑھی پر قوت، (ج) منسرسٹس کی سیڑھی پر سکونی رگڑی قوت، اور (د) سکونی رگڑی قوت کی زیادہ سے زیادہ قیمت بلید ترج کے۔

سوال ۲۰۵۵: پار کھاوٹا پر ندے شکل 18.12 مسیں تین بلا کمیت سلاخوں سے لینے وکھائے گئے ہیں۔ تمام سلاخ افتی ہیں۔ ہم ہیں۔ ہر سلاخ ڈور سے لینٹی ہے جو سلاخ کے بائیں سسر سے ایک چوکھتائی وضاصلے پر باندھی گئی ہے۔ اگر پر ندہ 1 کی کمیت میں اور کی پر ندہ 2 کی کمیت کسیاہو گی؟ $m_1 = 48 \,\mathrm{kg}$

سوال ۲۰۱۱: یکسال ڈنڈا، جس پر حپار قوت عمسل کرتی ہیں، کافصنائی حبائزہ شکل 19.12 مسیں پیش ہے۔ منسر ض کریں ہم محور گرسی ہیں۔ کی افعان کریں ہم محور گرسی ہیں۔ کی آقت مسروڑ تو ازن مسیں ہیں۔ کی آقت مسروڑ تعان مسیں ہوں گی اگر ہم محور گھساو(۱) نقط A پر (ڈنڈے پر)، (ب) نقط B پر (ڈنڈے کی سیدھ مسیں)، (ج) نقط C پر افتان مسیں ہوں گی ایک حبان ہیں۔ کی انقط کی کرائی نقط C پر قوت مسروڑ تو ازن مسیں نہیں ہیں۔ کی کو نقط ایس ہوں گی جس کروڑ تو ازن مسیں نہیں ہیں۔ کی کو نقط ایس ہوں گی جس کو گو نقط ہیں۔ کی ایک حسان میں ہوں گی جس کروڑ تو ازن مسیں ہوں گی جس کو کہ نقط ہیں۔ کی ایک حسان ہوں گی کو کہ سوٹر تو ازن مسیں ہوں گی جس کی نقط کی کروٹر کی نقط کی کروٹر کو ازن مسیں ہوں گی کو کروٹر کی کروٹر کی مسیل کی کروٹر کی کی کروٹر کروٹر کی کروٹر کروٹر کی کروٹر کروٹر کروٹر کروٹر کی کروٹر کی کروٹر کروٹر کی کروٹر کروٹ

سوال ۱۹۸۸: تین کھلونے بلا کی۔ جبر تقلیل اور ڈور کے نظام سے لیکے ہیں (مشکل 21.12)۔ ایک ڈور چھت سے لئک کر دائیں جب تقلیل ہے ہوکر آخٹ کا بائیں ہاتھ تحیلے حب تقلیل پر اختتام پذیر ہوتی ہے۔ جب تقلیل کے گر دؤور آدھ سال کے کہ کہ جب کہ تقلیل سے ، لئکائے گئے ہیں۔ دو کھلونوں کا وزن حیکر کسٹی ہے۔ دیگر چھوٹی ڈور سے حب تقلیل ہے، لئکائے گئے ہیں۔ دو کھلونوں کا وزن دیا گئے ہے۔ (اٹ ایک جب شقیل ہے۔ (ا) تیسرے کھلونے کا وزن کیا ہے؟ (اٹ ارہ: جب ڈور ایک حبر تقلیل کے گرد آدھ حیکر کائے، حب تقلیل پر ڈور کی تان کی دگی تو سے عمل کرتی ہے۔)(ب)ہئیں ہاتھ چھوٹی ڈور، جس کی نشاندہی T سے کی گئے ہے، مسیں تان کتن ہے؟

سوال ۲۰۹: انتصابی سلاخ کا محیلا سر چول دار ہے جبکہ اسس کا بالا سر رسی سے سندھ ہوا ہے (شکل 22.12)۔ سلاخ پرافتی قوت بہ آئی ہے۔ قوت لاگو کرنے کا نقط بلند کرنے سے کسیار سی مسیں تان بڑھتی ہے، گھشتی ہے، پاتسہ مل نہیں ہوتی؟

سوال ۲۰۱۰: افتی سل دور تیوں ، A اور B ، سے لسٹی ہے (شکل 23.12)۔ ماسوائے ابت دائی لمب نیوں کے ، رئیاں مت ثل A بیں۔ رتی A کے لحی ظرے سل کا مسر کز کمیت B کے زیادہ قسیر ہے۔ (۱) سل کے مسر کز کمیت پر تو سے مسروڑ ناچ ہوئے کہ A کی تو سے مسروڑ کی قسید رسے زیادہ ہوگی ، کم ہوگی ، یااس کے برابر ہوگی ؟ (بر ہوگی ؟ (بر ہوگی ؟ کی ابت دائی لمب ائی الر ہے ، کس رتی کی ابت دائی لمب ائی الر کا دی تو تالی کے قبل کم تھی ؟ (ج) اگر اس وقت رئیوں کی لمب ائی الر بر ہے ، کس رتی کی ابت دائی لمب ائی لاکانے ہے قبل) کم تھی ؟

سوال ۱۰.۱۱: ویل حبدول مسین تین سلاخوں کی ابت دائی لمبائیاں اور سلاخوں کے سسر پر قوت لاگو کرنے کے بعسہ للمب یکوں لمب یکوں مسین شبدیلی پیش ہے۔ بگاڑ کے لحباظ ہے، اعظم قیمت اول رکھ کر، سلاخوں کی درجب ببندی کریں۔

لهبائىمسىن تسبديلى	ابت دائی لمب ائی	
ΔL_0	$2L_0$	سلاخ A
$2\Delta L_0$	$4L_0$	سلاخ B
$4\Delta L_0$	$10L_{0}$	سلاخ C

٣٠٣. پيك

سوال ۱۰.۱۲: سے جب ر ثقتیل شکل 24.12 میں دکھنے گئے ہیں۔ ایک لجی رسی تمام حب ر ثقتیل کے گرد کسپی کی عب اوہ تمام وزن (نیوٹن میں) ہے، جبکہ چھوٹی رسیاں حب ر ثقتیل کوچھت سے یاوزن کو حب ر ثقتیل سے لئے تابی۔ ایک کے عب اوہ تمام وزن کتنا ہے؟ (اشارہ: جب رسی حب ر ثقتیل کے گرد نصف دائرہ کسپی ہو، حب ر ثقتیل پر قوت رسی کے سناو کو گئی ہو، کہ بین تان کتنی ہے؟ کے سناو کو گئی ہو گئی ہو گئی ہے، مسین تان کتنی ہے؟

سوالا ____

توازن

سوال ۲۰۱۱: روز مسرہ اجبام کی پوری جسامت پر g اتن معولی تبدیل ہوتا ہے کہ کی بھی جم کا مسرکز کیت اور مسرکز گئیت تصور کیا جسام تا ہے۔ آئیں ایک فسنرضی مثال لیت ہیں جہاں g زیادہ تبدیل ہوتا ہو۔ شکل 25.12 مسیں چھ ذرب دو قط رمسیں ، بلا کیت سافوں کے ڈھٹ نچ پر جبگزا گیا ہے۔ ہر ذرب کی کیت m ہے۔ کسنار بر بر حب ذرب کی کیت m ہے۔ کسنار بر بر تب ہوزر کی قیاب سامت میں اور تا ہو تا ہو جہ دوروں نظ م سے دول ہر ذرب کے مقتام پر g کی قیمت x اور y کی معت ہو جہ دری نظ م استعمال کر کے چھ ذروی نظ م کے مسرکز کتن کا (ا) x محدد مرزئیت x اور y محدد مرزئیت y مسرکز کتن کا (خ) x محدد مرزئیت x اور y محدد مرزئیت کی مسرکز کتن کا (خ) x مصدد مرزئیت کی مسرکز کتن کا (خ) x مصدد مرزئیت کی مسرکز کتن کا (خ) x مسرکز کتن کا رہی کے مسرکز کتن کا رہی کی کی مسرکز کتن کا رہی کہ کہ دوروں نظ م کے مسرکز کتن کا رہی کہ مسرکز کتن کا رہی کی کریں۔

8	ذره	g	ذره
7.40	4	8.00	1
7.60	5	7.80	2
7.80	6	7.60	3

سکونی توازن کی چیند مثالیں

سوال ۱۹.۲: ایک گاڑی، جس کی کیت 1360 kg ہے، کے انگلے اور پچلے دھسروں کے نی m 3.05 سناصلہ ہے۔ مسرکز کمیت انگلے دھسرے سے 1.78 سیواز مسین پر کھسٹری گاڑی کے(ا) انگلے پہیے پر اور (ب) پچھلے پہیے پر زمسین سے کتی قوت پڑتی ہے؟

موال ۱۹.۳: کیک کرہ، جس کی کمیت $m=0.85\,\mathrm{kg}$ اور دانسس $r=4.2\,\mathrm{cm}$ اور دانسس $m=0.85\,\mathrm{kg}$ جب برا کمیت رستی ہے دیوار کے ساتھ ہندھ ہے۔(۱) کہ میں مسئل 26.12ک کرم کے مسرکز کمیت ہے $L=8.0\,\mathrm{cm}$ بہندی پر رستی دیوار ہے ہندھی ہے۔(۱) رستی مسئیں شناواور (ب) دیوار ہے کرم پر قوت تلامش کریں۔

سوال ۲۰،۴: کمسان کو وسطی نقط ہے تھینی حب تا ہے حتٰی کہ شب رانداز کی قویں اور ڈور مسیس تان برابر ہوں۔ ڈور کے دو حصول مسین زاویہ کسیاہو گا؟

سوال ۲۰۵: بلا کمیت رسی دو نقطوں کے نی آفتی باند ھی حباتی ہے۔ ان نقطوں کے نی مناصلہ 3.44 m ہے۔ رسی کے وسط سے 3160 N وزن لئكانے سے ، رسى 35.0 cm جسكتى ہے ۔ رسى مسين تان كيا ہے؟

سوال ۲۰۲۱: ایک باڑ، جس کی کمیت 60 kg اور لمبائی 5.0 m ہے، کوافتی حیالت مسیں باڑے سریر بندھی انتصابی رسّیاں رکھتی ہیں۔ یار کے ایک سسرے m 1.5 سن صلے پر 80 kg کا شخص کھٹڑاہے۔(ا) متسرین رسّی اور (ب) دور رستی مسیں تان معلوم کریں۔

سوال ٧٠٤: ایک شخص، جس کی کمیت 75 kg ہے، 10 kg کمیت کی 5.0 m کبی سیڑھی استعال کرتا ے۔ سیڑھی کا ایک سر دیوارے m 2.5 مناصلے یر اور دوسرا بلار گڑ دیوار کے ساتھ جوڑ کر، شخص سیڑھی حسیڑھت ہے۔(۱) سیڑھی کی دیوار پر قوت اور (ب) زمسین کی سیڑھی پر قوت کی ت در کیا ہے، اور (ج) افق کے ساتھ سیڑھی پر

سوال ۲۰۸۷: متوازن ہنڈولے پر بیٹھے گٹنتی داربچوں کاوزن (نیوٹن مسین) شکل 27.12مسیں پیشس ہے۔ چول f پر (۱)صفحہ ے باہر رخ اور (ب)صفحہ کے اندر رخ محور پر کو نب بجے سب سے بڑی قوت مسر وڑپ داکر تاہے؟'

سوال ۲۰۹۹: افتی میٹر مسطر تلوار کی دھاریر ۱۵ 50.0 cm کی نشان پر توازن مسیں ہے۔ 12.0 cm نشان پر دو کے، جن کی انفسرادی کمیت و 5.00 ج، رکھنے سے مطسر 45.5 cm نشان پر توازن اختیار کر تاہے۔میٹر منظسر کی کمیت تلاحش

سوال ۱۰.۱۰: سنگل 28.12 کا نظام توازن میں ہے، اور در میانی ڈور افقی ہے۔ سل A کا وزن B کا وزن اورزاویہ $\phi=35^\circ$ ہاور(ورزاویہ $\phi=35^\circ$ ہاور(درزاویہ $\phi=35^\circ$ ہاور(درزاویہ ہوتا ہے)، اور اورزاویہ ہوتا ہے ہوتا ہے ہیں۔

سوال ۲۰۱۱: ایک غوط باز، جس کاوزن 780 N بے، $L = 4.5 \, \mathrm{m}$ کے بارکیت تخت غوط پر کھٹڑا ہے۔ تخت رخ (اوپریا نیچ) کپ بین ؟ تختیر دائیں تیک کی قوت (ج) کی ت در اور (د) رخ کپ بین ؟ (ه) کونت تیک (بایان یادائیں) کھنے حب رہاہے،اور (و) کون تیک دباحب ارہاہے؟

سوال ۲۰.۱۲: کیمپٹر مسیں چینبی گاڑی کو نکالنے کے لئے ایک شخص گاڑی کا اگلا حصہ رسی کے ذریعیہ سامنے m 18 رور تھمبے کے ب تھ باندھ کرر تنی کووسطی نقطے ہے 550 N قوت کے باتھ پہلو کی طسرن کھنیت ہے (شکل 30.12)۔ رسی کاوسطی نقطہ اپنی جگے ہے 0.30 m دور ہٹتا ہے، تاہم گاڑی ٹس سے مسں نہیں ہوتی۔ رسّی سے گاڑی پر قویب کی ت در کیا ہے؟ (رسی کھنچ کر لمبی ہوتی ہے۔)

سوال ۱۳.۱۳: مشکل 31.12 مسیں ٹانگ کے نحلے حصہ اور ہاوں کی اندرونی ساخت پیش ہے۔ پنجوں پر کھٹڑا ہونے کے $a=5.0\,\mathrm{cm}$ یر مسین سے اٹھائی حباتی ہے اور زمسین کویاوں، عملاً، نقطہ P پر مسس کر تاہے۔ منسر ض کریں $b=15\,\mathrm{cm}$ ،اور شخص کاوزن $W=900\,\mathrm{N}$ ہے۔نقط ہے پینڈیا کے عضا یہ کی قوت (۱) کی ت دراور (ب)رخ (اویریاینچ)کسیامیں؟اسس نقط پر پینڈلی کیڈی کی قوت (ج) کی ت دراور (د) رخ (اویریاینچ)کسیامیں؟

سوال ۱۰/۲: افتی کیساں پاڑ، جس کی لمبائی m 2.0 m اور کمیت 50.0 kg ہے، عمسارت سے دور توں کے ذریعے لٹکا ہے (شکل 32.12) باڑیر گارنگ وروغن کے ڈیے رکھ گئے ہیں۔ان ڈبول کی محبوعی کمیت 75.0 kg ہے۔ دائیں رسی مسیں

meterstick12

٣٠٥ ____

تناو 722 N ہے۔ رنگ کے ڈبول کامسر کز کمیت اسس رہتی سے کتنے افقی مناصلے پرہے؟

 \vec{F}_{1} واور \vec{F}_{2} ، اور \vec{F}_{3} ایک وُها نِچ پر ، جس کافصن کی حبائزہ شکل 33.12 میں پیش ہے، عمل \vec{F}_{2} ، اور \vec{F}_{3} ، اور \vec{F}_{3} ، اور \vec{F}_{3} ایک وُها نِچ پر ، جس کافصن کی حب را الگوکرتے ہیں۔ چو کھی قوت کا افتی حب زو \vec{F}_{h} ، \vec{F}_{2} میں معملوم ہے کہ اور انتصابی حب رو \vec{F}_{3} ہے۔ ہمیں معملوم ہے کہ \vec{F}_{3} ہور نظری کا ساتھ ہور ہے کہ اور راج کا ہور کی ہور کی اور راج کا ہور کی ہور کی گور ہے کہ اور راج کا کا دور کی کا کا کا ساتھ کریں۔

سوال ۲۰۱۷: کھیسے کیساں پیٹی، جس کاضلع 0.750 m اور وزن N 500 ہے، منسر سٹس پر انتہائی چھوٹی اکٹر کاوٹ کے ساتھ مس پڑی ہے۔ منسر سٹس سے کتنے کم سے کم بلت دی پر 350 N افقی قوت لاگو کر کے چیش پلٹی جس سکتی ہے؟

سوال ۱۹۱۷: ایک شہر میں کا وزن N 500 اور لمب ائی سا 3.0 سے ، افقی لؤکا ہے (مشکل 34.12)۔ اسس حبابایاں سر چول دار ہے اور دایاں سر رسی سے باندھ گیا ہے۔ رسی کا دو سر اسر چول سے D بلندی پر دیوار مسیں گئے وت بلے متابا در اللہ سے اندھ گیا ہے۔ رسی المبندی پر فیٹ نیادہ سے زیادہ کا 1200 سن و پر داشت کر سستی ہے۔ (ا) D کو کوئی قیمت رسی مسیں است است قیمت سے بڑھانی ہوگیا گھٹانی ہوگی کے سے بڑھانے ہوگیا گھٹانی ہوگیا ہوگیا گھٹانی ہوگیا ہوگیا ہوگیا ہوگیا ہوگیا ہوگی ہوگیا ہو

وال ۱۰:۱۰: افقی پاڑ 2 ، جس کی یکساں کیت $m_2 = 30.0 \, \mathrm{kg}$ اور لب بن کا $m_2 = 2.00 \, \mathrm{m}$ وال ۱۰:۱۰: افقی پاڑ 2 ، جس کی یکساں کیت $m_1 = 50.0 \, \mathrm{kg}$ ورشک کی یکساں کیت $m_1 = 50.0 \, \mathrm{kg}$ ورشک کی یکساں کی برائی کی بھر کی جساں کی برائی کی بھروگئی کی لائل کی بھرور کی گئی کی بھرور کی کرئی کی ب

موال ۱۹۱۹: سروتا کی مدد ہے احضروٹ توڑنے کے لئے احضروٹ کے چھلکا پر دونوں حبانب ہے $10\,\mathrm{N}$ توت در کار ہوتا کے در کار میں 36.12 میں چیش سروتا کے در کار $L=12\,\mathrm{cm}$ اور $L=12\,\mathrm{cm}$ ہے۔ سروتا کے در سے پر در کار عصود دار توت F_\perp تلاشش کریں۔

سوال ۱۲.۲۰: ایک کھلاڑی $M = 7.2 \, \mathrm{kg}$ گیندہ ہاتھ مسیں پکڑے ہوئے ہے (شکل 37.12)۔ اوپر کی بازوانق ابی ہے اور نحیل بازو، جس کی کمیت $M = 1.8 \, \mathrm{kg}$ ہوگے۔ بازو پر اوپر کی بازو کے عضلہ کی قوت کی تحدر کیا ہوگی؟ (ب) کو بنی پر ہڑیوں کے فقوت کی تحدر کیا ہوگی؟

سوال ۱۹۰۲: 'مشکل 38.12 میں نظام توازن مسیں ہے۔ کا نگریٹ سل، جس کی کمیت 38.12 ہے، یکساں بازوے لگ رہ بیان کے بیک بیک بیک کا کریٹ کی کمیت 45.0 kg ہے۔ ایک رہ سل کو پکڑ کر کم مسل کا کہیت 45.0 kg ہے۔ زاوی $\phi = 45.0$ ور $\phi = 45.0$ ور $\phi = 30.0$ ور کھتی ہے۔ زاوی $\phi = 45.0$ اور جول سے بازو پر قوت کا (ب) افتی اور جول کے ابو گا؟

(ج) حبزوااور (د) حبزوب کے نتائج کو کیا ہوگا؟

سوال ۱۲۳: کیساں شہستیر، جس کاوزن N 222 ہے، کاایک سرچول دارہے؛ اسس کا دوسسراسسررتی کے ذریعہ دیوارہے باندھا گیاہے۔ دیوار اور شہستیر دونوں کے ساتھ رتی زاویہ 30.0° و میں باندھا گیاہے۔ دیوار اور شہستیر پرچول کی قوے کا (ب) افتی اور (ج) انتصابی حسین تان، اور شہستیر پرچول کی قوے کا (ب) افتی اور (ج) انتصابی حسین تان، اور شہستیر پرچول کی قوے کا (ب) افتی اور (ج) انتصابی حسین تان، اور شہستیر پرچول کی قوے کا

سوال ۱۹.۲۴: چیٹان پییا، جس کاوزن $533.8\,\mathrm{N}$ ہے، کورتی تشام کررکھے ہوئے ہے، جو لیسیٹن کٹڈا کے گزر کر اسس کے کولیا پی سے بندھی ہے (شکل 41.12)۔ رسی کی قوی کا خط عمسل چیٹان پییا کے مسر کز کمیت ہے گزر تا ہے۔ شکل مسین $\theta=40.0^\circ$ اور $\theta=40.0^\circ$ ہے۔ اگر اسس کے پاول پھسلنے کے دہانے پر ہوں، جو توں اور پھسر کے بی سکو گرگڑ کا مستقل کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسرے بی سکو گرگڑ کا مستقل کے بہائے گرائش کے بہائے گرائش کے بہائے کے بہائے کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسرے بی سکو کا گرائش کے بہائے کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسکنے کے بہائے کے بہائے کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسکنے کے بہائے کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسکنے کے بہائے کے بہائے کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسکنے کے بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کہ بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کے کہ بہائے کہ

سوال ۱۲.۲۵: شکل 42.12 میں پہیے کو سیز ھی پر میٹر ھانے کے لئے پہیے کے دھسرے پر افقی توت \vec{F} کی ت در کت ہوگی؟ سیز ھی کی بلندی $n = 0.800 \, \mathrm{kg}$ ہوگی؟ سیز ھی کی بلندی میں کاردائس $n = 0.800 \, \mathrm{kg}$ ہے۔

موال ۲۰۲۷: ایک شخص بلار گزبرف کی انتصافی دیوار کے ساتھ جھک کر کھٹڑا ہے (شکل 43.12)۔ شکل مسین a=1 موال ۲۰۲۷: ایک مسین کے ساتھ جھک کر کھیٹ کے d=0.940 m مناصلے پر ہے۔ اگروہ پھسلنے ک دہانے پر ہو، زمسین اور یاوں کے بچاسکونی رگز کا مستقل کے ہوگا؟

 $- 2.5 \, \mathrm{cm}$ جسر تقتیل نظام ہے $- 15 \, \mathrm{kg}$ سل اٹھائی گئی ہے (شکل 43.12)۔ شخص کااوپری بازوانتھ آبی اور نحیا ابازووافق کے ساتھ $- 30 \, \mathrm{kg}$ ہن پر $- 2.0 \, \mathrm{kg}$ ہن کہ ہن اور اس کا مسر کز کمیت کو بخی پر بازواور ہاتھ کی مجسو تی کمیت $- 2.0 \, \mathrm{kg}$ ہن پر رہازو کا بچھ اپٹھ نخیلے بازو کو نقط میں سے پیچھے پڑیوں کے نقط ہت سس سے پیچھے بڑیوں کے نقط ہت سس سے پیچھے میں مسل پر انتقب ابی اوپر کھنچ ہیں ہے۔ شکل مسین $- 35 \, \mathrm{cm}$ میں کا قوت (۱) کی میں میں کئی تو سے بی کی قوت (۱) کی میں میں کئی کے بازو پر اوپر کی بازو پر اوپری بازو پر اوپری بازو کی ہڑی کی قوت (رہی کی میں کا دوپر اوپری بازو پر اوپری بازو کی ہڑی کی قوت (دوپر (در) رُخ (اوپریا نیچے) کے بی بی کا تھی کے ایک میں کا میں کا کہ کی کھنے کے ایک کی تو سے دوپر کے کا میں کئی کے کہ کہ کی کہ کی کو سے دوپر کے کا میں کئی کی تو سے دوپر کی کی تو سے دوپر کی کی تو سے دوپر کے کہ کی کہ کی کے کہ کہ کو سے دوپر کی کی تو سے دوپر کی کھنے کے کہ کے کہ کو سے دوپر کی کھنے کے کہ کی کھنے کی کھنے کے کہ کھنے کی کی تو سے دوپر کی کھنے کی کھنے کی کھنے کی کھنے کی کھنے کی کھنے کے کہ کھنے کی کھنے کے کہ کھنے کی کھنے کی کہ کہ کر کر کی کے کہ کو کھنے کی کھنے کی کھنے کی کھنے کے کہ کھنے کی کھنے کی کھنے کی کھنے کے کہ کو کھنے کے کہ کھنے کے کہ کھنے کے کہ کو کے کہ کھنے کی کھنے کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کھنے کے کہ کے کہ کھنے کے کہ کھنے کے کہ کھنے کے کہ کے کہ کے کہ کے کہ کھنے کو کر کے کہ کھنے کو کر کے کہ کے کہ کو کے کہ کی کر کے کر کے کہ کے کہ کر کے کہ ک

سوال ۲۰۲۸: سنگل 45.12 مسین یک ال شهر شهر کی لمب کی $L=3.00\,\mathrm{m}$ وزن $W=300\,\mathrm{N}$ واور زاوی $W=300\,\mathrm{N}$ وزن $W=300\,\mathrm{N}$ وزن $W=30.0^\circ$ $W=30.0^\circ$ به وزن $W=300\,\mathrm{N}$ وزن $W=30.0^\circ$ تن و برداشت کر سکتی $W=300\,\mathrm{N}$ کی اس زیادہ نے کے لئے $W=300\,\mathrm{N}$ کی اس زیادہ نے زیادہ پر ہو، چول سے شہر شہر پر تو را کی افتی میں خوادر (ج) انتصابی حبز و کے بیادہ گا؟

 $0.91 \, \mathrm{m}$ سوال $0.91 \, \mathrm{m}$ اونحی کی اونحی کی انتصابی محور y کے ہمسراہ z اور چوڑائی، افتی محور z کے ہمسراہ z اور جوڑائی، افتی محور z کی آدھی آدھی کیست اٹھاتے z اور دروازے کے بالا سسرے z z کی کیست اٹھاتے z اور دروازے کی کمیست z کی کمیست رقیم مسین دروازے پر (۱) بالاچول اور z کی کمیست کی کمیست کی کمیست کی کمیست کی کمیست کی کمیست کریں۔

سوال ۱۹.۳۰: کیس چوکور شختی، جس کا صلع $L=2.00\,\mathrm{m}$ اور کیت $50.0\,\mathrm{kg}$ ہے، بلا کیت افتی سلاخ، جس کی لب بنی سے ساخ کی ہے۔ سلاخ کے سرے رسی، چول ہے $d_v=4.00\,\mathrm{m}$ بلند نقط کی بردیوارے باند ھی گئی ہے۔ (ا)رسی مسین تان تلاشش کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے افتی حبزو(ب) کی وقدر اور (ج)رئی وزیراے بی الاسٹ کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے انتھا بی جبزو(د) کی مسین تان مسئ کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے انتھابی حبزو(د) کی مسین تان مسئن کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے انتھابی حبزو(د) کی مسین اور کیں اسٹ کریں۔

سوال ۲۰۳۱: عنب ریکساں سلاخ دوبلا کیت رسیوں ہے افتی لاکا ہو ہے (شکل 47.12)۔ ایک رسی انتف ہے کے ساتھ 96.0% و اور بہناتی ہے۔ اگر سلاخ کی المسائی 86.0% و 10 ہے۔ اگر سلاخ کی المسائی

٣٠٤ پ<u>ک</u>

ہو، سان کے مسر کز کمیت ہے بائیں سسر کان اصلہ x تلا سش کریں۔ $L=6.10~{
m m}$

سوال ۱۹۳۲: ایک ڈرائیور افقی سٹرک پر چیلتے ہوئے ہنگامی بریک لگاتا ہے (سٹکل 48.12)۔گاڑی کے حپاروں جب کو بست پیپے سٹرک پر پیسلتے ہیں۔ سٹرک اور پہسیوں کے بی حسری رگز کا مستقل 0.40 ہے۔ اگلے اور پیچھا دھروں کے بی ونسلہ $L=4.2\,\mathrm{m}$ ہنگامی کا مسرکز کیت اگلے دھرے ہے $d=1.8\,\mathrm{m}$ ورسٹرک سے کا فی ونسلہ $L=4.2\,\mathrm{m}$ ہور کا کی کا مسرکز کیت اگلے دھرے کے اسراع کی وقدر، (ب) پیچھا ایک پیپے پر انتصابی قوت کی وقدر، (ور) انگھا ایک پیپے پر انتصابی قوت کی وقدر، (ور) انگھا ایک پیپے پر قوت روک کی وقدر، اور (ور) انگلے ایک پیپے پر قوت روک کی وقدر، اور (ور) انگلے ایک پیپے پر قوت روک کی وقدر، اور (ور) انگلے میں خرور ہے۔)

سوال ۱۹.۳۳: انتصابی یکساں شہرسیر، جس کی لمب اُئی L ہے، کانحپلا سرچول دار ہے (شکل 49a. 12)۔ نحپلے سرے F_a سناقی قوت F_a شہرسیر پر لاگو کی حباتی ہے۔ شہرسیر کا بالا سرر سی ہے باندھ ابوا ہے، جو افق کے ساتھ زاویہ θ بن تی کا بدولت، لاگو قوت کے باوجود، شہرسیر سیدھ کھٹرارہت ہے۔ شکل 49b. 12 مسیر سی کا بدولت کی باوجود، شہرسیر سیدھ کھٹرارہت ہے۔ شکل $T_s = 600 \, \mathrm{N}$ ترسیم کمیا گیا ہے۔ محور T کاپتیا نہ $T_s = 600 \, \mathrm{N}$ ترسیم کی گئی ہے۔ (۱) سیر پول سے شہرسیر پر افقی قوت کی متدر T_a بالقابل T_a کی گئی ہے۔ (۱) میں جول سے شہرسیر پر افقی قوت کی متدر T_a بالقابل T_a کی گئی ہے۔ (۱) راویہ T_a کی کامیدر تلاش کریں۔

موال ۱۳۳۳: سنگل 45.12 مسیں پتلی افتی سیاخ AB، جس کی لمب ٹی L اور وزن مت بل نظر انداز ہے، انتصابی دیوار کے ساتھ نقطہ A پرچول دار بسنایا گیا ہے۔ سیاخ کادو سرا سر پتلی رتی B کے ذریعہ، جو افتی کے ساتھ زاویہ θ بسن تی ہے، نقطہ θ باندھ گیا ہے۔ سیاخ پر W وزن کی سل کہیں بھی رکھی جب سکتی ہے۔ دیوار سے سل کے مسر کز کمیت تک و ناصلہ x لیا جب زواور (ج) مسیں تان، اور چول کا سیاخ پر قوت کا (ب) افتی حب زواور (ج) انتھ بی حب زو بطور تف عال x معلوم کریں۔

سوال ۱۰۳۵: ریسے سے جسرے تعبی ڈیے کاوزن N 890 ہے۔ اسسے ایک بالاکٹارے پر افقی و کھیل ہے ہم ڈیے کو پلٹٹ حیاج ہیں۔ (۱) کتنی کم سے کم قوت در کار ہوگی؟ (ب) منسرسٹس اور ڈیے کے نیج کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کت در کار ہے؟ (ج) اگر ڈب بلٹنے کازیادہ موثر طسریقہ موجود ہو، ڈیے پر بلاواسطہ کتنی کم سے کم قوت در کار ہوگی؟ (اشارہ: عسین بلٹتے وقت، عسودی قوت کامت ام کیا ہوگا؟)

سوال ۱۹۳۷: چےنان پیپ، جس کی کمیت $70 \, \mathrm{kg}$ ہو ہے، مشکل 50.12 مسیں ایک ہاتھ کی انگلیوں کے پورے لگ رہا ہے ۔ اسس کے پاوں کوئی سہدارامہیا کیے بغیر، $H = 2.0 \, \mathrm{m}$ نیسے کامسر کز کمیت دیوارے $a = 0.20 \, \mathrm{m}$ ویوارے $a = 0.20 \, \mathrm{m}$ من میں ہاتھ کی حپاروں انگلیوں پر برابر قوت پائی حباتی ہے۔ (ز) ایک انگلی پر قوت کا (ز) ایک انگلی جہزو F_b کہا ہوگا؟

 $h=3.05\,\mathrm{m}$ اوروزن $L=6.10\,\mathrm{m}$ اوروزن $L=6.10\,\mathrm{m}$ کیاں تخت، جس کی لب کی الہ کی الہ الہ در اور نازن الہ کا کہ بیان پررکھ کی الہ کی توازن بہت در اور کے سرپر نصب بیسرم کے ساتھ کھٹراکیا گیا ہے (شکل 51.12)۔ تخت 0 > 70 کے لئے توازن مسین رہت ہے تاہم 0 < 70 کی رپھیا تا ہے۔ زمسین اور تختے کے پیکسکونی اگر کا مستقل تلاشش کریں۔

سوال ۱۹۳۸: یکساں شہستیر A اور B دیوار کے ساتھ چول سے منسکک، اور آپس مسیں ڈھیلے متا بلے سے حبیر سوال ۱۹۳۸: شہستیر دوسسرے پر قوت مسروڑلا گونہیں کرسکتا)۔ شہستیر A کی لیسائی $L_A = 2.40 \, \mathrm{m}$ اور کمیت

۲۰۸

 $d=1.80\,\mathrm{m}$ ہے۔ $d=68.0\,\mathrm{kg}$ ہے۔ $d=68.0\,\mathrm{kg$

سوال ۱۹۳۹: شکل 53.12 مسیں گلسہ بلواستعال کی سیڑھی دکھائی گئی ہے۔ AC اور CE کی لمبائیاں 2.44 m میں اور ان کے بڑی کے ۔ 4C میں گلسہ کی گئی ہے۔ 9.762 m بین اور ان کے بڑی کے ۔ فضب کی گئی ہے۔ ایک فخص، جس کا فوزن 854 N ہے، سیڑھی کے جمسراہ 1.80 m پڑھت ہے۔ زمسین بلار گڑاور سیڑھی بلا کیت تصور کریں۔ (اکٹیک سائٹ مسین تان اور زمسین سے سیڑھی پر قوت کی ت در نقط ہم اور E پر تلاسش کریں۔ (اکٹارہ: سیڑھی کے حصے علیحہ د (جبدا) کرکے توازن کی شعر الطابروئے کارلائیں۔)

وال ۱۹.۳۰: شکل 54a.12 میں یک ال افتی شہتیر و کھائی گئی ہے، جس کی کمیت m_b اور لمبائی L ہے۔ شہتیر کا بایاں سے ویوار پر نصب چول ہے جوڑا گیا ہے جبکہ اس کا دایاں سے رسی ہے لئکا ہے، جو افتی کے ساتھ شہتیر کا بایاں سے ویوار پر نصب ہے۔ کل کمیت ناویہ m_p کمیت کا ڈرسے کا ڈرسے کی کا گئی ہے۔ کل کمیت m_b m_b

سوال ۱۹.۳: کعبی کریٹ، جس کا ضلع $1.2 \, \mathrm{m}$ مسین کل (مشین) رکھی گئی ہے۔ کریٹ اور کل کا مسر کز کمیت کریٹ ہوائق ہے جہند می وسط ہے $0.30 \, \mathrm{m}$ مسین کی رمشین) رکھی گئی ہے۔ کریٹ اور کس کا مسر کر کمیٹ میں اور کس کے جہند می وسط ہے $0.30 \, \mathrm{m}$ ہوں کہ بالم میں معتبر میں ہوائی میں المسین کی قیمت میں معتبر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ اور کریٹ الٹ اور کریٹ کے فی کریٹ الٹ کے گئی میں کا وی کے گئی میں کریٹ الٹ کا مستقل $\mu_s = 0.60$ ہوں کی کمیٹ کریٹ الٹ کے ایک کریٹ المسین کی جس کریٹ کا مسین کریٹ اللہ کا کا پھیلے گا، اور (د) ایس کس زاوی کے لیم پر عسودی قوت کا مصام کہ ہوگا؟)

سوال ۱۹.۴: شکل 7.12 اور اسس سے وابسة نمونی سوال مسین فنسرسش اور سیر هی کے بی سکونی رگڑ کا مستقل 0.53 لیں۔ سیر هی کے ہمسراہ کتن حیثرہ کر شخص سیر هی کو پیسلنے کے دہانے پہنچا تا ہے؟

لي___

 $1200 \, \mathrm{kg}$ حوال ۱۹۳۳: دیوارے $4.8 \, \mathrm{cm}$ قطر کی ساخ افقی $5.3 \, \mathrm{cm}$ باہر نگل ہوئی ہے۔ ساخ کے سرے $4.8 \, \mathrm{cm}$ جم لائکایا گیا ہے۔ سلور کامقیا سس تینج $10^{10} \, \mathrm{Nm}^{-2}$ کی کمیت نظر انداز کریں۔ (۱) ساخ پر جب قینج اور (ب) ساخ کے سر کا جھاہ تلاشش کریں۔

سوال ۱۹.۳۴: سشکل 55.12 مسیں کی مادے کی جب روبگاڑ منحتی پیش کی گئی ہے۔ جب رکے محور کا پیپ نے مقبولی مغبولی مغبولی

سوال ۲۱.۴۵ سنگل 56.12 مسیں بسیان A اور B پراینٹ افقی رکھی گئی ہے۔ بسیان کے بالا سسر کے رفت بول کا تعساق

٣٠٩ يكيــــ

 $E_A=2E_B$ اور بسیان کے مقیاس ینگ کا تصاف $E_A=2E_B$ ہے۔اینٹ رکھنے تب ان دونوں بسیان کی لمب ان کی لمب ان کے مالین کے مقیاس ینگ کا کشت احمد (۱) بسیان A اور (ب) بسیان B الشاتا ہے؟ اینٹ کے مسر کز کمیت سے بسیان کے طولی محور تک مناصلے A_A اور A_A کی بیں۔ (ج) نعبت A_A کیا ہوگی؟

سوال ۲۰۳۱: مکڑے کے حبال کی ڈور کی تخصینی جبر و بگاڑ منحنی شکل 57.12 میں جبر 2.00 تک پیش سوال ۲۰۳۷: مکڑے کے حبال کی ڈور کی تخصینی جبر و بگاڑ منحنی شکل 57.12 میں جبر 2.00 تک پیش $b=0.30\,\mathrm{GN}\,\mathrm{m}^{-2}$ $a=0.12\,\mathrm{GN}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{GN}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{M}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{M}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{M}\,\mathrm{m}^{-$

سوال ۱۹.۳: سطخ زمسین سے $d=60\,\mathrm{m}$ گہر رائی پر $d=60\,\mathrm{m}$ بلند، اور $H=7.2\,\mathrm{m}$ بلی در اور $d=60\,\mathrm{m}$ بلید، اور $d=60\,\mathrm{m}$ بلید، اور $d=60\,\mathrm{m}$ بلید، اور ایک اور پر آب کی جہت کی جہت کی جہت کو جو کرر عبوری تراشش کے فولادی ستون کو جہت کی جہت کو چو کرر عبوری تراشش کے فولادی ستون کا عبودی تراشش رقب $g=2.8\,\mathrm{g}$ ہوگا۔ زمسین کی $g=2.8\,\mathrm{g}$ بہراد دیں گے۔ ستون کا عبودی تراشش میں گئیں گے جارت ستون پر دباو جبیر، ستون کی مغلوبی مغبوطی کا نصف رکھنے کے لئے ستونوں کی مغلوبی مغبوطی کا نصف رکھنے کے لئے ستونوں کی تعبد ادکیا ہوگی ؟

سوال ۲۰۴۸: سلور کے تارکی جبر وبگاڑ منحنی شکل 59.12 میں پیش ہے۔ تارکو دونوں اطسران ہے کھنچ کر منحنی حاصل کی گئے۔ جب رکاپیب نے s=7.0 کی اکا ئیوں مسیں، رکھا گیا ہے۔ تارکی استدائی کہ جب رکاپیب نے s=7.0 کی اکا نیوں مسیں، رکھا گیا ہے۔ تارک کی استدائی کمب ان سال میں $s=1.00 \times 10^{-3}$ اور ابتدائی کہ باوی کا اور ابتدائی کہ باوی گئی ہے۔ تارک نے کے گئے کتناکام سرانح ہام کرنا ہوگا؟

 $p_{350}Q49$ موال $p_{350}Q49$: شکل $p_{350}Q49$ کا یک شہتیر فولادی تار ، A اور B ، سے لئکاد کھتایا گیا ہے۔ تار A کی اہت دائی لیب نئی ہے a_{30} کی گئی۔ اب تاروں کاروا سس a_{30} کی گئی۔ اب کی ہو کا کہ کہ تارک کی گئی۔ اب کا میں میں میں کا میں میں کہ اور (ب) تارک کی گئی۔ اب کی

سوال ۱۹۵۰: مسکڑے کے حبال کی ڈور کے وسطی نقط پر کسیٹرا بھنا ہوا سٹکل 61.12 مسیں دکھیا گیا ہے۔ ڈور 19.00 مسیں دکھیا گیا ہے۔ ڈور 10.00 مسیں دکھیا گیا ہے۔ ڈور 10.00 مسیں 2.00 cm اور رقب 8.00 × 10 N m⁻² عصودی تراسش 8.00 × 10⁻¹² m² مسیٹرے کے وزن کے زیراثر کھنچ کر لمب ہونے کے دوران ڈور کا حجم سبدیل منہیں ہوتا۔ اگر کسیٹرا ڈور کو ٹوٹنے کے دہانے پنجی ہے، کسیٹرے کی کمیت کسیا ہوگی؟ (مسکڑا حبال یوں بنتا ہے کہ بڑا اور خطرناک کسیٹرا کی میں حبال ٹوٹ حبائے۔)

یر، دھسرے کو عسود دار، قوت \vec{F} لاگو کی حباتی ہے، جس کی تندر N 220 ہے۔(۱)روک A اور (ب)روک B کو دبانے والی قو توں کی متدریں تلاسٹ کریں۔

اضافي سوالاھے

سوال ۱۰٬۵۲ گرنے کے بعد، 95 kg کمیت کا چیٹان پیسا اپنے آپ کورٹی سے لئکا ہواپاتا ہے۔ رسی کی ابت دائی لمب کی m 15 m اور قطسر 9.6 mm فت۔ اب رسی 2.8 cm نیادہ کمی ہے۔ رسی کے لئے (۱) جب ر، (ب) بگاڑ، اور (ج) مقیاسس کیا۔ تلاسش کریں۔

سوال ۱۹.۵۳: سلیٹ کی متطبیل سل، تحتی چنان پر، جو افق کے ستھ $\theta = 26$ و زاویہ بناتا ہے، پڑا ہو ہے $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ (63.12 cm^3) اور موٹائی $0.0 \, \mathrm{cm}^3$) کی گیت $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی کیت $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کے کہا اور محتی چنان کے بھی سون کوئی رگڑی تو کے متدر تلاشش کریں۔ حبزو الور ب کے نتائج سے بخان کی تعلق کے دہانے پر ہے۔ (ا) تحتی چنان کی سطح کو عصود دار ، لیے لیے و بیاوں کی مدد سے سل مستحکم بنایا میں اور شکل $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی جنان کی سطح کو عصود دار ، لیے لیے و بیاوں کی مدد سے سل مستحکم بنایا حباتا ہے (شکل $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی جن کی میں دو و متابلے دکھائے گئی ہیں)۔ و تابلے کار قب عصود کی تراشش $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کے مود دار $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی میں ہوتی۔ $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی میں ہوتی۔ و تباول کی کم سے کم در کار تعد اد کیا ہے ? تصور کریں و تباول سے عصود دار تو تبدیل نہیں ہوتی۔

سوال ۲۰۵۴: یکساں سیڑھی، جس کی لمبائی m 5.0 اور وزن 400 N ہے، بلار گڑ انتصابی دیوار کے ساتھ ٹیک لگاکر کھسٹری ہے۔ استواز مسین اور سیڑھی کے نیچ سکونی ر گڑ کا مستقل 0.46 ہے۔ سیڑھی بغیب ر پیسلے، دیوار سے کتنے زیادہ سے زیادہ افقی مناصلے پر سیڑھی کا پیسیرر کھیا جباسکتاہے؟

موال 8.0: شکل 4.12 میں سل A (کمیت $10 \, \mathrm{kg}$) فنسرسش پر توازن مسیں ہے، تاہم سل B (کمیت $5.0 \, \mathrm{kg}$) کاوزن معمولی زیادہ ہونے کی صورت مسیں ہے پہلے گا۔ زاویہ 0.0 0.0 کے لئے سل 0.0 اور فنسرسش کے بھیلے گا۔ زاویہ کوئی رگڑ کامتقل کہ ہے ؟

سوال ۲۰۵۷: افق کے ساتھ 45° زاوی بہت تے ہوئے بلار گڑ میلان پر $10~\mathrm{kg}$ کرہ کورتی ہے باندھ کرر کھا گیا ہے $\theta=45^\circ$ زاوی ہے باندھ کرر کھا گیا ہے کہ فائل کے ساتھ مسین شناو تلاسٹ کریں۔

سوال ۱۹۵۸: کیساں شہستیر، جس کی کمیت 40.0 kg ہے، دو بسیان پر رکھ گیا ہے (شہستیر کا مصل 67a.12)۔ شہستیر کا مصر کز بسیانوں کے نی در میانی نقطے کے اوپر ہے۔ شہستیر پر انتصابی لکسیدیں برابر ون اصلوں پر اگائی گئی ہیں۔ دو لکسید بسیان

٣١١. کيلــــ

ے عسین اوپر ہیں: ہیلن B پر 10 kg کی ہے۔ کاؤب رکھا گیا ہے۔ شہتیر پر (۱) ہیلن A اور (ب) ہیلن B کی قوت کی متدریں تلاسش کریں۔ اب شہتیر بائیں منتقل کیا جہاتا ہے، حتٰی کہ اسس کا دایاں سر ہیلن B کے اوپر ہو (شکل 67b.12)۔ شہتیر پر (ج) ہیلن A اور (و) ہیلن B کی قوت کی متدریں تلاسش کریں۔ اسس کے بعد ہیلن رئیں منتقل کیا جہاتا ہے۔ و نسر ض کریں شہتیر کی لبائی B 0.800 سے دائیں منتقل کیا جہاتا ہے۔ و نسر ض کریں شہتیر کی لبائی شک B کے گئے افتی و نسطے پر شہتیر اور ہیلن A تسس مسین جسیں ہیں۔ ہیں؟

O سوال ۱۹.۵۹: تعمیراتی بالنی، جس کی کمیت B 817 kg ہے (شکل 68.12)، رسی A سے لئک رہی ہے، جو خود نقطہ A کر برسی B اور رسی B اور رسی B یہ بربین B اور رسی B کی ہے، جو افق کے ساتھ زاوی ہے B اور رسی B اور (ج) رسی B مسیل شناو تلاسش کریں۔ (ایشارہ: دونامعی متغیرات کی دومساوات حسل کرنے کی رکھیں۔)

سوال ۲۰۰۱: قوت \vec{F} شکل 70.12 مسیں حب ر ثقب ل اور 6.40 kg بے کو توازن مسیں رکھتی ہے۔ حب ر ثقب ل کی کمیت اور رگڑ فت بالی نظر انداز ہے۔ بالار تی مسیں تناو T تلاسش کریں۔ (اشارہ: حب ر ثقب ل کے گرد آدھا حب کر لہیں ہے۔ کررتی کا تناو حب ر ثقب ل پر قوت کا نصف ہوگا۔)

سوال ۱۹.۷: کوئلے کی کھان مسیں برقی زینہ 2.5 cm قطسر کے فولادی رسی سے لٹکا ہے۔ برقی زینہ اور اسس مسیں سوار افسراد کی محبسو تی کھیت ہوگا، ورسی کے لٹکاہو، رسی کی کمہائی مسیں کتنااہ اور (ب) 362 m رسی کے لٹکاہو، رسی کی کمہائی مسیں کتنااہ اور اور کا کا در اور کی کمیت نظر انداز کریں۔)

سوال ۱۳.۱۳: حیار یک اینٹ ایک دوسرے کے اوپر یوں رکھی گئی ہیں کہ ہر اینٹ کا پڑھ حسب نحی لی اینٹ ہے آگے بڑھ حسب ن بڑھت ابو(شکل ۲1.12)۔ اسس حیالت مسیں جب ایسٹوں کا انساز گرنے کے دہانے پر ہو(۱)، a_1 (ب)، a_2 (ب)، a_3 (ب)، a_4 (ب)، a_3

سوال ۲۰۱۵: یکسان شہستیر، جسس کی لمب کی m 3.2 سوروزن N 60 مے، کانمپلاسسر چول دارہے۔ شہستیر کے بالاسسر پر اسٹ کل 3.2 سے 100 میں میں گئی ہے، جو زمسین کے ساتھ پر 50 N و تعدر کی افقی قوت آئے عمسل پیدراہے (شکل 73.12)۔ شہستیر کورتی انتصابی رکھتی ہے، جو زمسین کے ساتھ 25° و ادریہ بستاتی ہے اور شہستیر کے ساتھ زمسین سے 2.0 m بلند نقطے پر بند ھی ہوئی ہے۔ (ا)رتی مسین شہستیر پر چول کی قوت کیا ہوگی ؟

سوال ۲۰.۲۷: ایک شہتیر کی لمبائی m 5.0 اور کیت 53 kg ہے۔ شکل 74.12 مسیں شہتیر کوچول اور رسی افتی رکھتے ہیں۔ رسی کازاویہ 60° ھے ہیں۔ رسی کازاویہ 60° ھے ۔ اکائی سمتیر ترقیم مسین شہتیر پرچول کی قوت کمیاہے؟

۲۱۲ باب. ۲. توازن اور کیک

سوال ۱۷ ، ۲: تا نبے کے ٹھوسس مکدب کا صلع 85.5 cm ہے۔ تا نبے کا مقیاسس حجب $1.4 \times 10^{11} \, \mathrm{Nm}^{-2}$ ہوگا ؟ مضلع کی کمب کی مصل کی کم کے لئے مکعب پر کتن جب در کار ہوگا ؟

سوال ۲۰۲۹: کمیت m کی میساں سلاخ کا نحپلا سے چول دار ہے، جبکہ اسس کا بالا سے دیوار کے ساتھ باندھ سال ۲۰۲۹: کمیت $\theta = 60$ ، ہو، رتی مسین سناو mg/2 رکھنے کے لئے σ کسیابوگا؟

-2.7 ایک فخص، جس کی کمیت -73 kg ہے، ایک پُل پر کھٹڑا ہے، جس کی لمبائی -1 ہے۔ دوایک سر -1 مناصلے پر ہے۔ پُل یکساں ہے اور اسس کا وزن -1 کا وزن -1 کی پر (۱) مخض سے دور پُل کے تیک کی اور (ب) مستری تیک کی انتصابی قوت کی و تیدر تلاسش کریں۔

سوال 7.2: استوار اور بلا کیہ سے سلاخ کے دونوں سر پر پلہ لاکا کر تر ازوہ نیا جب تا ہے۔ سلاخ ایک نقط پر ، جو وسطی نہیں ، گھوم سکتا ہے۔ پلوں مسیں نامعی و کر تر ازو توازن مسیں بالیا جب تا ہے۔ پلوں مسیں نامعی و کر تر ازو توازن مسیں کی ہے۔ سے m کو مسیں کی ہے۔ کی سے m دائیں پلہ مسیں رکھ کر ، بائیں پلہ مسیں کی ہے۔ کے سے m دائیں پلہ مسیں رکھ کر ، بائیں پلہ مسیں کی ہے۔ کہت m ہوگا۔ مسیں لیا جب تا ہے۔ دکھ کی کی کہ سے m ہوگا۔

سوال ۱۰.20: شکل 79.12 مسیں استوار چو کور چو کھٹا پ رضلی ساخ CD ، BC ، AB ، اور DA کے عساوہ دو وتری ساخ AC اور DA پر مشتل ہے، جو نقط ہے E پر ایک دوسرے کے اوپر آزادات گزرتے ہیں۔ حپکر دار بموا E استعال کر کے ساخ E باہر رخ E 535 N و تدر کے تنومسیں ڈالی باتی ہے۔ (ا) کون کون میں ساخ تن ومسیں ہے؟ E این ساخوں مسیں تن و کی وقد در کیا ہے اور (ج) باتی ساخوں مسیں دباو کی وقد در کیا ہے؟ (اشارہ: شاکل استعال کر کے ساخوں مسیں تن و کی وقد در کیا ہے کا دار کیا ہے۔ (ا

كرك مسئله انتهائي آسان بناياح استناب-)

موال ۱۹۷۱: ایک کھلاڑی، جس کی کمیت 46.0 kg ہے، یک ال شہتیر کے ایک سرپر کھٹرا ہے (مشکل 1920)۔ شہتیر کی لمب فی 5.0 m اور کیت 250 kg ہے (جس میں تیک کی کمیت مثامل نہیں)۔ شہتیر کی کمیت مثابت کی کمیت کا اور (ب) تیک کے سرے تیک کا فناصلہ 0.540 m ہے۔ اکائی سمتیر ترقیم میں شہتیر پر (۱) تیک 1 اور (ب) تیک 2 کی قوت تا سش کریں۔

موال ۱۹۷۷: افقی بسیان، جس کی کیت 300 kg ہے، شکل 81.12 مسیں پیش ہے۔ تین فولادی تار بسیان کو مہارا دیتے ہیں۔ تار 1 اور 3 بسیان کے سرول پر اور تار 2 بسیان کے وسط پر بسندھا ہوا ہے۔ انفنسرادی تار کارقب عسودی تراشش 2.0000 m کی انفنسرادی لمبائی سے 2.0000 m تقی، جبکہ تار 2 کی انفنسرادی لمبائی ایک ہے۔ (ا) تار مقتی ، جبکہ تار 2 ان سے 6.00 mm نادہ کہا ہوگا؟
1 اور (ب) تار 2 مسین شناوک ہوگا؟

سوال ۲۰۷۸: کیساں شہستیر، جس کی لمب بن میں 12.0 ہے، کو افتی رسی اور چول سہارادیے ہیں (مشکل 82.12)۔ انتصاب کے ساتھ شہستیر کازاویہ 50.0° ہے۔ رسی مسین تان 400 N ہے۔ اکائی سمتیہ ترقیم مسین (۱) شہستیر پر تحب ذبی قوت اور (ب) شہستیر پر چول کی قوت کیا ہے؟

سوال ۱۹.۷۹: ایک جیسے، یک پر دارسیٹوں کو میپز پر دو مختلف طسریقوں ہے، مشکل 83.12 مسیں، انسبار کی گئی ہے۔ اور سوال ۱۹.۷۳ سے مواز سند کریں)۔ اینٹ کی لمب اُن کی کہ بیات ہیں۔ دونوں طسریقوں مسین و مناصلہ h بڑھ اناحپ ہے ہیں۔ دونوں طسریقوں کے لئے b_1 ، a_2 ، a_1 کی موزوں قیمتیں اور b_1 تلامش کریں۔

سوال ۱۸.۸: سلور کا بسیلتی سلاخ، جسس کی ابت دائی کسبائی m 0.8000 اور دداسس µ 0.0000 ہے، کا یک سے سر مشکنجہ مسین کوکر دوسر اسر، کمسبائی کے متوازی، مشین سے تھینچا حباتا ہے۔ منسر ض کریں تھینچ کے دوران سلاخ کی کشافت (کیت فی اکائی تحبم) تبدیل نہیں ہوتی۔ رداسس گٹاکر µ 999.9 کرنے کے لئے درکار قوت کی وت در کسیا ہوگی۔ (مغسوطی ہے تحب وزنہیں کسیاحباتا۔)

سوال ۱۹۸۱: تین آدمی L کمی شهستیر اللف کرلے حبارہے ہیں۔ پٹے پر شهستیر رکھ کر دو آدمی پٹ اللف کے ہوئے ہیں جب کہ یک آدمی شهستیر کا سسر اللف یا ہوا ہے۔ شیسنوں پر برابر وزن ہے۔ شهستیر کے آزاد سسر سے پٹ کننے مناصلے پر ہے؟ (پٹے کاوزن نظسرانداز کریں۔)

سوال ۲۰۸۲: اگر نمونی سوال ۲۰۲ کے مشکل 6a.12 مسین (چوکور) شہبت پر ککڑی کا ہو،اسس کی موٹائی کتنی ہو گی اگر دباو جب رکی قیمت منساوی مفہوطی کا $\frac{1}{5}$ ہو؟

سوال ۱۹.۸۳: شکل 84.12 مسیں دو ساکن ڈیے اور تین رسیوں کا نظام دکھایا گیا ہے۔ ڈب A ، جس کی کمیت 84.00 ہے ، مسان پر رکھا گیا ہے؛ ڈب B ، جس کی کمیت A ، جس کی کمیت A ، جس کی کمیت کائل رہی ہونان کے متوازی ہے۔ ڈب A سے بندھی رسی بلار گڑ میلان کے متوازی ہے۔ (۱) بلار سی مسین تان کمی ، اور (ب) بلار سی افق کے ساتھ کس زاویے پرہے ؟

سوال ۱۸۸۷: رسی کا سر گھیرا کی شکل میں باندھ کر دوسرا سر در ذہ کی شاخ پر باندھ کر جھولا بنایا حباتا ہے۔ بحب گھیرامیں بیٹس ہے اور رسی انتصابی ہے۔ یچ کو افقی قوت سے والد ایک طسرون کھنچیتا ہے۔ انتصاب کے ساتھ رسی کازاوی میں تان کا 280 ہے جب والدیج کو چھوڑ تا ہے۔ (ا) یچ کاوزن کیا ہے؟ (ب) عسین ۲۱۳ باب۲. توازن اور کیک

ر ہائی سے قبل سے پر والد کی افقی قوت کی متدر کی ہے؟ (ج) اگر والد زیادہ سے زیادہ N 93 متدر کی افقی قوت لاگو کر سکتا ہو، انتصاب کے ساتھ رستی کازیادہ سے زیادہ زاوے کہا ہوسکتاہے؟

سوال ۱۹.۸۵ سین پیش ایس کی انگل کے پور کی تفصیل شکل 85a.12 میں پیش ہے۔ نجیلے بازوے پیش ہونے ہے۔ راستے مسین پیشا کی رہبر عندالون ہے گزرتا ہے، پیش جبل کر انگل کے آخندری (تیسرے) پور کو پکڑے ہوئے ہے۔ راستے مسین پیشا کی رہبر عندالون ہے گزرتا ہے، جنہیں چر گفیل A4 انگل کے روسرے جنہیں چر گفیل A5 انگل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، حبر تقییل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، حبر تقییل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، حبر تقییل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، کی کار کرد گل کے اندرے گزرتے پھے کو کھینچ تا ہے۔ شکل 25 ملی انگل کے دوسرے پور کی ہڈی، جس کی لمب اُن کی ہے، کی کار کرد گل کی سازہ شکل پیش ہے۔ پٹھے کی کھینچ آ آ اسس نقط پر عمسل کرتی ہے جب ال پٹھ حبر تقییل A4 مسین داخشل کو تو ہے کے حبزو کی تقل ہے، سراہ کی کی وقت کے حبزو کی ہٹی بیت کی عصوری اگل بیٹ ایک اور A4 کو نقصان پڑتی کتا ہے (جو چنان پیسا کی عصوری بیساری ہے)۔ چنان پیسا مون نیس بیساری ہے)۔

موال ۲۰۸۱: برف نی عسالقوں، مشلاً مسری، مسیں چوت دھاتی حپادرے بہ بنایاحباتا ہے۔ایی ایک چھت مسیں سال ۲۰۸۱: برختی نصب مسیں سال 201 مسلع کا چوکور دروازہ بنایا گیا ہے، جس کا ایک کندرہ چولدار اور محنالف کندارے پر چنی نصب ہے۔دروازے کا مسر کز کیست چوکور کے وسط سے 10 cm چولدار کندارے کی طسرون ہے۔(۱) چنی پر اور (ب) چول پر دروازے کی قوت کی متدریں کہا ہیں؟

 $\vec{F}_1 = 16.0$ اور $\vec{F}_2 = 16.0$ $\vec{F}_1 = 8.40$ اور $\vec{F}_2 = 16.0$ $\vec{F}_3 = 16.0$ اور $\vec{F}_3 = 16$

سوال ۱۸۸۸: پیسا کا جھکا بُرخ سے 59.1 m اون پاورانس کا قطسہ 7.44 سے بُرخ کا سر انتصاب سے 4.01 m وور ہا ہوا ہے۔ بُرخ کو میکاں دائری ہسیان تصور کریں۔(ا) بُرخ کا سر مسزید کتنا دور ہونے پر بُرخ لڑھکنے کے دہانے پر ہوگا؟(ب) اسس وقت انتصاب کے ساتھ بُرخ کا ذاوی کمیا ہوگا؟

باب__

تحباذب

مقاصد

اسس حسبہ کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے وت بل ہوں گے۔

- ا. دو ذرول کی کیسے اور ان کے نیج مناصلے کا ذرول کی باہمی تحباذ بی قوت کے ساتھ تعسلق نیوٹن کے متانون تحباذ ہے سے حبان یا مُیں گے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ مادے کا یکال کروی خول ذرے کو، جو خول ہے باہر ہو، بالکل اسس طسرح کھنچت ہے جیسے خول کی کمیت خول
 کے مسر کزیر واقع ہو۔
 - ۳. ذرے پر دوسسرے ذرے یامادے کی بیکساں کروی تقسیم کی قوت تحباذب آزاد جسسی حن کہ سے ظاہر کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• كائنات مسين ہر ذرہ دوسرے ذرے كوزيل ت دركى تحباذ بي قوت سے اپن طسر ف كينجت ہے:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (نیوٹن کات نون تحب ذب

جبان m_1 اور m_2 فرول کی گمیتیں، r ان کے گوٹ اصلہ، اور m_2 m_1 m_2 ان کے گوٹ اصلہ، اور متقل ہے۔

• وسسیج اجسام کے نیج تحباذ بی قوت معسلوم کرنے کی حساط سر، جم کے اندر تمسام انفٹ رادی ذروں پر انفٹ سرادی قوت کامجب وعب (نگمل)لیٹ ہوگا۔ تاہم، اگر ایک جسم یکساں کروی خول یا کروی تول یا کمون سس جم ہو، ہیسہ رونی جم پر اسس کی صافی تحب ذبی قوت معسلوم کرتے وقت خول یا ٹھوسس جم کی کمیت جم کے مسر کز پر تصور کی حب سستی ہے۔

باب ۷. تحياذب

طبعیات کیاہے؟

طبیعیات کاایک مقصد، قوت تحباذب کا مسجھنا ہے۔ قوت تحباذب ہمیں زمسین پررکھتی ہے، حپاند کو زمسین کے گرد مدار، اور زمسین کو صورخ کے گرد مدار مسیں رکھتی ہے۔ اسس کااثر ہماری دودھیا ہمکٹال اے ہر کو نے تک بیج کر، اربوں ستاروں، لاتعہداد جوہر اور ستاروں کے بچ دعول کے ذروں کو کہکٹال مسیں جباؤ کر رکھتا ہے۔ ہم دودھیا کہکٹال، جو ستاروں کا قتر من نے جسر مٹے ہے، کے کمنارے کے قسر بیب، کہکٹال کے مسرکزے کے دری سال ستاروں کا مسرکزے کر د آہتہ آہتہ طواف کرتے ہوئ، بتے ہیں۔

اگر حید تحباذ بی قوت مکمسل مسجھنے سے اب بھی ہم مت اصر ہیں، اسے مسجھنے کا ابت دائی نقط نیوٹن کامت انون تحباذ ہے۔

milkywaygalaxy Andromeda

dwarf

anicCloud

LargeMagellanicCloud^r LocalSupercluster^a

GreatAttractor 1

blackhole²

supermassiveblackhole^A

نيوڻن كامت انون تحب ذب

مختلف مساوات پر بات کرنے سے قبل ذرہ سوچ ہیں۔ ہم زمسین کے ساتھ مس رہتے ہیں؛ مس رکھنے کی قوت انزیادہ نہیں کہ ہمیں گھیدٹ کر چلسا پڑے اور ناہی اتنی کم ہے کہ آئے دن سرچھت سے نگرائے۔ ساتھ ہی سے قوت ہمیں زمسین پر رکھتی ہے، تاہم اتنی طافت ور نہیں کہ ہم ایک دوسرے کے ساتھ حبڑ جبائیں۔ یقیدنا قوت کشش کا دارومدار جمم مسین مادے کی مقد دار بہت زیادہ ہے، المهنداز مسین کی کشش ہجی بہت زیادہ ہے، جبکہ انسان کے جمم مسین مادے کی مقد دار بہت کم ہے، اور اسی کئے دوان نی اجسام کے چھوت کشش اتنی کم ہے کہ اس کے حوسس کرناممسین نہیں۔ مسین مادے کی مقد دار بہت کم ہے، اور اسی کئے دوان نی اجسام کے چھوت کشش اتنی کم ہے کہ اس کے حوسس کرناممسین نہیں۔ مسین یا کہ حاد دووسرے مادہ کو کھنچت ہے؛ ان کے چھوت دفع نہیں یائی حباتی۔

ماضی مسین انسان حبانت اعت که زمسین ہمیں نشیب وار کھینجق ہے (حناص کر اسس وقت جب زمسین پر گرنے سے ناک کی بڑی ٹوٹی تھی)، تاہم ان کاخیبال تھت کہ یہ قوت صرف زمسین کی حناصیت ہے جس کا آسمان مسین فلکیا تی اجب م کی حسر کت ہے کوئی واسطہ نہمیں۔ تاہم ۱۲۵ مسین، 23 سالہ، اسحی آن پوٹن کو اسس بات کی سمجھ آئی کہ حیانہ کو بہی قوت زمسین کے گرد گلومنے پر محب بور کرتی ہے۔ باخضوص، انہوں نے دکھیا یا کہ کائن سے مسین ہر جم ، ہر دو سرے جم کو کھینچت ہے۔ اجسام کا ایک دو سرے کی طسر و نصر کت کر بچسان کو تجافوج و کہتے ہیں، اور اجسام مسین وہ مادوجو قوت کشش پیدا کرتی ہے "کہت "کہا تا ہے۔ اگر نیوٹن کے سر پر سیب گرنے کا واقعہ در سہ ہو، تب سیب مادوجو قوت کشش پیدا کرتی ہے "کہت سیب کے گرنے کا سبب تھی۔ زمسین کی کمیت اتی زیادہ ہے کہ سے قوت ، جو کی کمیت اور زمسین کی کمیت اتی زیادہ ہے کہ سے قوت ، جو کی کہت اور زمسین کی کمیت اتی زیادہ ہے کہ سے قوت ، جو کت کہ بیا کہ ہوگی، محموس کی حب سے تی ہے۔ اسس کے ہر تکس، دو مصر بیب کے گرے اشکان کے باسکتی۔ تقسر بیباً کا بال کا ہوگی، محموس نہیں کی جب سکتی۔

دوو سنج اجسام، جیسے دو شخص، کے نیج تب ذبی توانائی کاحب کرنامشکل ہوگا۔ ہم دو ذروں (جن کی جسامت صنب تصور کی حب ہے گی) کے نیج نیوٹن کے وحیانون تحب ذہب کے اطالی پر غور کرتے ہیں۔ و منسر ض کریں ذروں کی کمیت m_1 اور m_2 اور ان کے نیج فیوٹ کے حیاصالہ m_2 ہیں۔ و منسر نیس کی محتدر ذیل ہوگی:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (غوڻن کاحت نون تحب ذب

جب ں G تجاذبی منتقل 'اے،جس کی قیت زیل ہے۔

(2.r)
$$G = 6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{N} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{kg}^{-2} \\ = 6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2}$$

2 کی تحباذ بی توست \vec{F} کی تحباز بی توست \vec{F} کی تحباز بی توست \vec{F} کی تحباز بی توست کرتا ہے اور چونکہ ذرہ 2 کی طسر دن نے اور تو کئہ ذرہ 2 کے دارہ باہر نگاتی محور r ، جو ذرہ 2 سے بھی گزرتی ہے، کے مثبت رخ کے کی متب رخ کے مشت رخ کے مشت رخ کے مشت کرتی ہے درہ کی مشت ہے اور جس کی ویٹ در 1 ہے) استعمال کرتے ہے درہ کی متب ہے اور جس کی ویٹ در 1 ہے) استعمال کرتے ہے میں متب ہے درہ کے مشت ہے درہ کے مشت ہے درہ کے مشت ہے درہ کی متب کی متب ہے درہ ہے درہ کی متب ہے درہ کی درہ

gravitation⁹

gravitationconstant'

اب ک. تحیاذب

ہوئے،جو ذرہ 1 سے دوری کے رخ محور τ کے ہمسراہ داقع ہے (سنکل 2c.13)، \vec{F} بیان کیا حباسکتاہے۔ یوں، مساوات۔ اے استعمال کرتے ہوئے ذرہ 1 پر قوت ذیل ہوگی۔

$$\vec{F} = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \,\hat{\mathbf{r}}$$

ذرہ 2 پر ذرہ 1 کی قوت کی متدروبی ہے جو ذرہ 1 پر ذرہ 2 کی متدر ہے، تاہم اسس کارخ محنالف ہوگا۔ دونوں قوت مسل کر متانون سوم جوڑی قوت دیتے ہیں، اور ہم دوذروں کے نج قوت تحباذب کی بات کر سکتے ہیں جس کی متدر مساوات اے دیتی ہے۔ دوذروں کے نج قوت تحباذب پر دیگر اجسام کااثر نہیں پایا حباتا، اگر حب سے اجسام ان ذروں کے درمسیان ہی کیوں سے ہوں۔ دوسسرے لفظوں مسین، کوئی جم ایک ذرے کو دوسسرے ذرے کی تحباذ کی قوت ہے بھی نہیں سکتا۔

دی گئی کیے ہے ذروں کی ، جو کسی مخصوص مناصلے پر ہوں، تحباذبی توسے کازور تحباذبی مستقل G پر مخصسر ہے۔ اگر حبادوے G کی قیمت دسس گٹا کی حبائے، زمسین کی کشش آپ کو زمسین پر گرادیگی، اور G کی قیمت دسس گٹا کم کر دی حبائے، آپ چھالانگ لگاکر عمسارت پارکرپائیں گے۔

دیگر اجمام ۔ اگر حپ، نیوٹن کا مت انون تحباذب ذروں کے لئے ہے، جب تک اجسام کی جسامت، اجسام کے نگا مناصلے کے لیے ا مناصلے کے لیے اظ سے بہت کم ہو، مت انون تحباذب کا اطسال و سیج اجسام پر بھی مسکن ہے۔ زمسین اور حیاند ایک دوسسرے سے اتی دوری پر ہیں کہ انہیں تخیفٹ ذرح تصور کیا حب سکتا ہے؛ کسیکن سیب اور زمسین کا کسیا ہو گا؟ سیب کے نقطے نظرے زمسین اتنی و سیج ہے کہ اسے ذرہ تصور کرنا درست سنہ ہوگا۔

نیوٹن نے (ذیل) مسئلہ خول کے ذریعی زمسین اور سیب کامسئلہ حسل کسیا۔

مادے کا یکساں کروی خول، کرہ سے باہر واقع ذرے کو یول کھنچت ہے گویا خول کی تمسام کیسے خول کے مسر کز پر ہو۔

زمسین کو خول کے اوپر خول حب ٹرھ جسم تصور کمیا حب سکتا ہے۔ ہر خول ہیں رونی ذرے کو یوں کھینچت ہے گویا خول کے مسر کز پر خول کی تب م کیت واقع ہو۔ یوں سطح زمسین سے اوپر ذرے کو تمسام خول یوں کھینچتے ہیں گویاز مسین کی پوری کمیت زمسین کے مسر کز پر واقع ہو۔ یوں، سیب کے نقط نظسر سے زمسین اسس ذرے کی مانٹ دہے جو زمسین کے مسر کز پر واقع ہے اور جس کی کمیت زمسین کی کمیت کے برابر ہے۔

قانون موم بوڑی قصہ سند ض کریں، جیاشکل 3.13 میں دکھایا گیاہے، سیب کو زمسین 0.80 سندر کی قوت ہے اوپر کھنچ گا اور ہے قوت زمسین کی قوت ہے اوپر کھنچ گا اور ہے قوت زمسین کی قوت ہے اوپر کھنچ گا اور ہے قوت زمسین کے مسرکز پر عمسل پیپراہو گی۔ باب 5 کی زبان مسیں ہے قوت مسل کر نیوٹن کے صانون سوم مسیں جوڑی قوت دیتا ہیں۔ اگر حیہ، ان کی متدر ایک ہے، جب سیب رہا کیا حبائے وہ قوت سیب پر مختلف اسراع عائد کرتی ہیں۔ اگر حیہ، ان کی متدر ایک ہے، جب سیب رہا کیا حبائے وہ قوت سیب پر مختلف اسراع عائد کرتی ہیں۔ سیب کے اسراع کی متدر سے بیٹری حوالہ جو گھٹ کے لیے ظربے درمین نظام کے مسرکز سے حبٹری حوالہ جو گھٹ کے لیے ظربے ذمسین کے اسراع کی متدر صوف ہے۔ سیب و زمسین نظام کے مسرکز سے حبٹری حوالہ جو گھٹ کے لیے ظربے نائن نظر آتی ہے۔

آزمائشس

ایک درہ باری درج ذیل اجسام کے باہر رکھ حباتا ہے، جن کی انعنسرادی کمیت $m \rightarrow (1)$ ایک بڑا یک ان ٹھوسس کرہ، (2) ایک جوٹا یک ان خول، (3) ایک چھوٹا یک ان خول ہر مسرت زرے اور کرہ، (2) ایک چھوٹا یک ان جساس کرہ اور کہ ایک خوص کرہ کا خطام قیت اول رکھ کر، ان اجسام کی مسرک کر کا کا خاص کہ کہ کہ کہ سے مسرک کر کا حیاتا ہے۔ ذری پر قوت کی مسرک کے لیے خاص کہ ان اجسام کی درجہ بہندی کریں۔

تحباذب اوراصول انطباق

تقاصد

اسس حصہ کوپڑھنے کے بعب آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. جہاں ذرے پر ایک سے زیادہ تحباذ بی قوت عمسل پسیر اہوں، قو توں کو ظاہر کرنے والا آزاد جسمی حسا کہ بستا پائیں گے، جس مسین قوت سمتیات کی دم عسین ذرے پر ہو گی۔
- ۲. جہاں ایک سے زیادہ تحباذ بی قوت ذرے پر عمسل پیسرا ہوں ، انفسسرادی قوت کو سمتیہ تصور کر کے تمسام کا محب موعب کے کرصافی قوت تلاسش کر یائیں گے۔

كليدي تصورات

• تحباذ بی قوت اصول انطباق پر پورا اترتی ہے؛ لیمی، جہاں n ذرے باہم عمسل کرتے ہوں، ایک ذرے پر ، جس کا عسر ن f بی ترب میں بازی باری باری باری باری کے کر ، انعنسرا دی قوتوں کا مجبوعہ ہوگا:

$$ec{F}_{1,i}$$
 $=\sum_{i=2}^n ec{F}_{1i}$

جهال ذره 1 پر ذره 2 ، 3 ، ۰۰۰، تا ۸ كى قوتول كاستى محب وعب لياحبائ گا-

• وسیع جم کی ذربے پر قوت \vec{F}_1 مسلوم کرنے کے لئے ، وسیع جم کو تفسریقی کمیت dm کے کلزوں مسیں تقسیم کسیاحبا تاہے ، جو ذربے پر تفسریقی قوت کے $d\vec{F}$ ہیں اگرتی ہیں ؛ تسام تفسریقی قوتوں کا کمل ان کامجب وعب دیگا۔

$$\vec{F}_1 = \int d\vec{F}$$

تحساذب اوراصول انطساق

اصول الطباق "استعال کرے، ذروں کے گروہ مسیں، ایک ذروں کی صافی (یاماحصل) تحباذ بی قوت معلوم کی حباتی ہے۔ یہ ایک عصومی اصول ہے، جو کہتا ہے انفسنرادی الڑات کا مجبوعت صافی الڑ دیگا۔ یہاں، اسس اصول کے تحت منتخب ذرے پر باقی تمام ذروں کا (ایک ایک کرکے) انفسنرادی قوت تحباذب حساصل کرکے ان کا سمتی

principleofsuperposition"

۲۲۰ کیانی

محبوعہ لے کرصافی تحباذ بی توت حسام کسیاحبائے گا۔ سمتیات کامحبہوعہ لین ہم حبانے ہیں۔ قوت کے سمتیات کامحبہوعہ بھی ای طف رح حسام کسیاحبائے گا۔ سمتیات کامحبہوعہ بھی ای طف رح حسام کسیاحبائے گا۔

مذکورہ بالا آ منسری دو جمساوں مسیں پیش دو نقطوں پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ (1) قوت در حقیقت سمتیہ ہیں جن کے رخ مختلف ہو

سکتے ہیں البہٰ ذاان کا سسی مجسوعہ لینا ضروری ہے، جو قو توں کے رخ کاحب بھی رکھے گا۔ (جب دو آد می آپ کو محسالف رخ کھنچیں، ان کی صافی قوت یقسینا اسس سے مختلف ہو گا جب دونوں آپ کو ایک رخ کھنچیں۔)(2) ہم انصنسرادی قو توں کا محبسوعہ لیت ہیں۔ کتنا مشکل ہو تااگر صافی قوت کی حب دوخر بی پر مخصہ بہوتی جس کی قیت ہر قوت کے لئے صورت محسال کے مطباق مختلف ہوتی ، یااگر ایک قوت کی موجود گی دوسسری قوت پر اثر انداز ہوتی۔ ہماری خوسش قسمتی ہے کہ دنسیا تن پیچیدہ نہیں؛ ہم تو توں کا سادہ سمتی محبسوعہ لیت ہیں۔

جہاں 11 باہم عمسل ذرے ہوں، وہاں ذرہ 1 پر باقی ذروں کی تحب ذبی قو توں کا اصول انطب آق ذیل لکھا حب سکتا ہے۔

(2.7)
$$\vec{F}_{1,i} = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{13} + \vec{F}_{14} + \vec{F}_{15} + \dots + \vec{F}_{1n}$$

یہاں ذرہ 1 پر مسانی قوت سن $\vec{F}_{1,0}$ ہے اور ، مشال کے طور پر ، ذرہ 3 کی قوت \vec{F}_{13} ہے۔ اسس مساوات کو مختصر اُ(ذبل) سنتی محبوعہ لکھیا جساسا سکتا ہے۔

$$ec{F}_{1,i}$$
نیر $ec{F}_{1,i}$

تھی اجمام۔ ذربے پر حقیقی (وسنے) جم کی تحباذ بی قوت کیا ہوگی؟ ہم جم کواتے چھوٹے چھوٹے کئڑوں مسیں تقسیم کرتے ہیں کہ ہر کئڑے کو ذرہ تصور کرنا ممسکن ہو۔اسس کے بعد مساوات 2.۵ استعال کرکے ذربے پر ہمام کٹڑوں کی قوتوں کا سستی محبوعہ لیتے ہیں۔ تحدیدی صورت مسیں ہم وسنج جم کو تفسریقی کٹڑوں مسیں تقسیم کرتے ہیں جن کی انفسرادی کمیت ملاوں مسین تقسیم کرتے ہیں جن کی انفسرادی کمیت ملاوں مسین تقسیم کرتے ہیں جن کی انفسرادی کمیت ملک کاروپ اختیار کرتی ہے:

$$ec{F}_1 = \int \mathrm{d}ec{F}$$

جہاں کمل پورے جسم پرلیاحباتا ہے اور ہم زیر نوشت "صافی" لکھنا بند کرتے ہیں۔ اگر وسٹیج جسم ایک یکساں کر ویا کر وی خول ہو، مساوات ۲۔۷ے سستی تکمل سے چیؤکارہ حساس کیا جب ہم جسم کی کیت اسس کے مسر کز کمیت پر تصور کرکے مساوات ۱۔۷استغال کرتے ہیں۔

نمونی سوال ا. ے: مافی تجاذبی قوت، دو ابعادی، تین ذروی مین نوان ا. ے: مافی تجاذبی قوت، دو ابعادی، تین ذروی مین بین جن کی کیت $m_1 = 6.0 \, \mathrm{kg}$ اور $m_2 = m_3 = 4.0 \, \mathrm{kg}$ اور $m_3 = 4.0 \, \mathrm{kg}$ اور $m_3 = 4.0 \, \mathrm{kg}$ کیا ہے؟ $m_1 = 2.0 \, \mathrm{cm}$ اور جہاں $m_2 = 2.0 \, \mathrm{cm}$ کیا ہے؟

کلیدی تصورات

 $(F=Gm_1m_2/r^2)$ کا میں ذروں سے واسے ہے، ذرہ 1 پر باقی ذروں کی تحب اذبی قوت کی متدر مساوات اے (S_1) کو تک میں ذروں سے واسے ایک وقت میں ایک محور پر سے صل ہوگی۔ (3) ہوگی ہے۔ (3) ہوگی ہو تو تیں ایک محور پر منہ میں باہد ذاان کی متدروں کو جمع یا منفی جسیں کے حب ساسکا۔ انہیں سمتیا ہے کی طے درج محم کرنا ہوگا۔

 \vec{r}_{12} عادر زیل ہوگ۔ \vec{r}_{12} کی توت درزیل ہوگ۔

(2.2)
$$F_{12} = \frac{Gm_1m_2}{a^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2})(6.0 \,\mathrm{kg})(4.0 \,\mathrm{kg})}{(0.020 \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 4.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}$$

اسى طسرح ذره 1 ير ذره 3 كى قوت كى ت در ذيل موگا ـ

$$F_{13} = \frac{Gm_1m_3}{(2a)^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2})(6.0 \,\mathrm{kg})(4.0 \,\mathrm{kg})}{(0.040 \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}$$

نرہ 1 پر صافی توت سن $\vec{F}_{1,0}$ تلاشش کرنے کے لئے ہمیں دونوں توت کو سمتیات کی طسرح جمع کرنا ہوگا (شکل 44.13 اور 1 پر صافی 44.13)۔ یہاں $F_{1,0}$ اور $F_{1,0}$ توت سن کی $F_{1,0}$ توت سن کر کے بیال کرکے مصلوم کرتے ہیں۔ ویس دویل سے۔ ویس کرنے کے بعد سن $\vec{F}_{1,0}$ کارخ معلوم کرتے ہیں۔ ویس دویل ہے۔

$$F_{1,i,j} = \sqrt{(F_{12})^{+}(-F_{13})^{2}}$$

$$= \sqrt{(4.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N})^{2} + (-1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N})^{2}}$$

$$= 4.1 \times 10^{-6} \,\mathrm{N} \quad (-1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N})^{2}$$

مثبت محور x کے ساتھ سینہ $\vec{F}_{1,i}$ کازاوی مساوات 5.6 تحت ذیل ہوگا۔

$$\theta = \tan^{-1} \frac{F_{12}}{-F_{13}} = \tan^{-1} \frac{4.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}}{-1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}} = -76^{\circ}$$

باب. تحباذب

 \vec{F}_{13} اور \vec{F}_{13} کا زاویہ درست معلوم ہوتا ہے (شکل 4f.13)؟ بالکل نہیں، چونکہ مین \vec{F}_{12} کا زاویہ \vec{F}_{13} اور \vec{F}_{13} کی دو ممکنہ جوابات مسین سے ایک دیگا۔ دوسرا جواب حب نے کے لئے زاویے کے ساتھ \vec{F}_{13} میں \vec{F}_{13} کی دو ممکنہ جوابات مسین سے ایک دیگا۔ دوسرا جواب حب نے کے لئے زاویے کے ساتھ \vec{F}_{13} میں جواب حب نے کے لئے زاویے کے ساتھ \vec{F}_{13} کا ماہوگا:

جو سن $\vec{F}_{1,1}$ کادرست زاوی نظر آتا ہے (شکل 4g.13)۔

آزمائشس۲

تین ذرے، جن کی کمیت برابر ہے، کو حپار مختلف صور توں مسیں رکھا گیا ہے (شکل ؟؟)۔(۱) جس ذرے کو m سے ظہار کیا گیا ہے، اسس پر صافی تحباذ بی قوت کی متدر کے لیاظ ہے، اعظم قیت اول رکھ کر، حپار صور توں کی در حب بندی کریں۔ (ب) کمیاصور سے 2 مسیں صافی قوت کارخ اس ککسیر کے زیادہ متر بیب ہے جس کی لمبائی d ہے یا جس کی لمبائی d ہے۔ ؟

سطے زمین کے تسریب تحباذب

جوابات