طبعیا \_\_ کے اصول

حنالد حنان يوسفزني

حبامع کامیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@hotmail.com

۱۰رون ۲۰۲۴

# عسنوان

v	تاب كارىب حب	ميەرى پېسلى ئ
1 <u></u>	ب ت بت ۱٫۲ کافت	۲.۱ کمی
1 <u>/</u> ۲1	ر توانائی کی بقب ۱۰ ا طباقت ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	
r9 r9 m1 mm	بست اور خطی معیبار حسر کت بست بُعد مسین کمپ کی تفسادم ابع اور مسین تفسادم بسیر کمیت کانظام: ہوائی بان	 1.1° 1.2° 1.7° ce
71 71 72 27 20 A1 Am	ساوکے متغیر ۱٫۱ کلیدی تصور ستقل زادی اسسرا کا گلمساو کی اور زادی متغیر است کار شته ساو کی حسر کی توانائی سیسری جمود کاحب بسیسری جمود کاحب بسیسری جمود کاحب بسیسری جمود کاحب بسیسری کی جمود کاحب بید کی مسیدری بروٹر	۲.۳ خط ۳.۳ گھ ۵.۳ گھ ۲.۳
91 94 1rm	ِٹن کافت نون دوم برائے گھمیا و	·K 1.1°

122										(	بير	يے	و_	مكاو	لاه	ي کر	بر	إم	_او	. گھم	. اور		كر	_	برحر	تقتي	^	1	۵.		
174																			انائی	لى تو	-ر ک	ز	ورح	تیںا	لى قو	عكاوك	لره,	۲	۵.		
١٣١																									اركثو	ری دا	<b>ڈو</b> ر	٣	۵		
124																			نی .	مرثا	_	ر نظ بر	.وڙ پ	_	<b>人</b>		قور	۴	۵.		
۱۳۵																												۵	۵.		
۱۳۸																												۲	۵.		
۱۳۲																_	ب	مرك	_	ار <	ىپ	ی مو	زاوة	نسم كا	ار •	_تو	1	۷	۵.		
۲٦١																			إبقسه	5_		ر کر	_	ارخ	ىپ	ی مو	زاو	۸	•		
۱۵۱															_		ر کر	_	ر	نقبال	ٺ	10	خی ک	پر	رحب	ےر.	^	9	۵.		
ا∠ا																									-	_	ور کچک	زن ا	توا	,	1
۱۷۳																												_		بوابا	•

# مبری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حسکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجب دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کا اداروں مسیں تحقیق کارجمان پیداہوا ہے۔ امسید کی حباتی ہے سالمہ حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر حسہ انگریزی زبان مسیں ہی چھیت ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہر موضوع پر لاتعہ داد کتا ہیں بائی جب قیمیں جس سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وطبالب سے کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردوزبان مسیں حیاصل کرتی ہے۔
انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو دور کی بات، ان کے لئے انگریزی زبان خود ایک رکاوٹ ہے۔ سے طلب و
طبالب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسرپور خدمت کرنے کے وتابل نہیں رہتے۔ ایسے طلب و
طبالب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حناطسر خواہ کو سشش نہیں

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا نامسکن تھتا۔ آحن کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ لکھنے کاجواز بنانے سے انکار کیا اور پول ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

یہ کتاب اردوزبان مسین تعسیم حساس کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہیایہ آسان اردومسین لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر مستعمل تکنیکی اصطبلاحیات استعال کئے حبائیں۔ جہاں اصطبلاحیات موجود سنہ تھی وہاں روز مسرہ استعال الفاظ پنے گئے۔ تکنیکی اصطبلاحیات کی چینائی یوں کی گئی ہے کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجبی ہجی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی۔اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی جو موجودہ نظام تعسیم کی نفسانی کتاب و نظام تعسیم کی نفسانی کتابوں مسین رائج ہے۔ یوں اردومسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین دشواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے ہے۔ کتاب ایک دن حسالصتاً اردوزبان مسیں انجنیئری نفساب کی کتاب کے طور پر پڑھ ائی حبائے گی۔اردوزبان مسیں برقی انجنیئر کی کلمس لفساب کی طسر ف سے پہاا صدم ہے۔ کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور جہاں بھی کتاب مسیں عضلطی نظر آئے،اسس کی نشاندہی مسری برقبیاتی پہنے پر کریں؛مسیں ان کانہایت مشکر گزار ہوں گا۔

کتاب مسیں تمام غلطیاں مجھ سے سرز دہوئی ہیں جنہ میں درست کرنے مسیں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسیں ان سب کا سشکر سے اداکر تا ہوں۔ سے سلما داہمی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات بہاں شامسل کئے حبائیں گے۔

مسیں کامسیٹ یو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا سشکر ہے ادا کرنا حیابت ہوں جن کی وجبہ سے ایس سرگرمیال مسکن ہوئیں۔

حنالد حنان يوسفز كى 128

## إبا



### طبعات كياہے؟

س سنس وانجلین کی پیپ کشش اور موازنے پر مسبنی ہے۔ چیپزول کی پیپ کشش اور موازنے کے لئے قواعب کی خرورت پیشس آتی ہے؛ پیپ کشش اور موازن ہے کے بُعد تعین کرنے کے لئے تحب رہات کاسب ارالین ہوگا۔ طبیعیات اور انجیسئری کا ایک مقصد ان تحب رہات کی بن اوٹ اور تحب رہ کرنا ہے۔

# چىنەزول كى پىيسائش

طبیعیات مسین ملوث مت دارول کی پیب کشن کی طسریقے حبان کر ہم طبیعیات دریافت کرتے ہیں۔ ان مت دارول مسین لمب کی، وقت، کمیت، کمیت ، در حب حسر ارت، دباد، اور برقی روث امس میں لمب کی،

ہم ہر طبیعی معتدار کا موازت ایک معیار اے ساتھ کرکے طبیعی معتدار کو اسس کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ معتدار کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ کی حباتی ہے۔ ناپ کو ایک منسب ردنام دیا حباتا ہے جے اکائی <sup>اس س</sup>ے ہیں۔ مشااً، لمبائی کی پیپ اُنٹ مسین (m) مسین کی حباتی ہے۔ معیارے مسیدار کی تھیک ایک مسین کی جب آپ دیکھیں گے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار ہو تھیک ایک مسین میں ایک مخصوص دورانی مسین، شعباع کے کرتی ہے۔ ہم اکائی اور اسس کے معین خسین معیار کی تعدید سے بیاں کرسکتے ہیں۔ تاہم، ضروری ہے کہ دنیا کے باقی سائنسدان بھی اسس تعدید کو معتی خسین اور وسائی استعال مائیں۔

ایک معیار، مشالاً لمبائی کامعیار، طے کرنے کے بعد ہمیں وہ طدیقہ کاروضع کرنا ہوگی جس ہے ہر لمبائی، حیاہ وہ ہائیڈروجن جوہر کارداسس ہویا دور کس ستارے تک وضاصلہ، اسس معیار کی صورت مسین ظاہر کی حباسے۔ ایسی

standard'

١

الماريتياكش

ایک ترکیب فیتے کا استعال ہے ؛ لمبائی کے معیار کو فیت تخمین طاہر کرتا ہے۔ بہسر حسال، بہت سے موازنوں مسین بلا واسطہ طسریقے استعال کیے حبائیں گے۔ مشلاً ، جوہر کا رواسس یا فسسر بی ستارے تک و ناصلہ فیت استعال کر کے نہیں نااجبا ساتا۔

اما بھی متادیر طبیق معتادیر کی تعبداداتی زیادہ ہے کہ انہمیں منظم کرناایک مسئلہ ہے۔ خوسش قسمی سے تمسام معتادیر عنیسر تائع نہیں ہیں؛ مشلاً، رفت ار در حقیقت لمب ائی اور وقت کی شناسب کو کہتے ہیں۔ بین الاقوای متفقہ معساہ ہے کے تحت چند طبیعی معتادیر، مشلاً، لمب ائی، کیسے ، اور وقت کو اساسی مقادیر سمنتخب کر کے صرف انہی کو معسار مختل کیے گئے۔ باقی طبیعی معتادیر ان "اساسی معتادیر" اور انہمیں کے معسار (جنہمیں اساسی معیار "کہتے ہیں) کی صورت مسین ناپے جب تے ہیں۔ مشلاً، اساسی معتادیر لمسائی اور وقت اور انکے اساسی معیار کی شکل مسیں "رفت ار" تعسین کساسیاتا ہے۔

اب معیار کامت بل رسانی اور غنیسر متغیب مونالاز می ہے۔ اگر ہم بازو کی لمب ائی کو معیار لمب ائی تسلیم کریں تب سے مت بل رسائی ضرور ہوگی، البت ہر شخص کے لئے ہے لمب ائی مختلف ہوگی البندا سے غنیسر متغیب رہیں ہے۔ سائنس وانجیسئزی مسیں زیادہ سے زیادہ در سستگی مطلوب ہونے کی پیش نظسر ہم اساسی معیار کی غنیسر متغیب ریت پر خصوصی توجب دیتے ہیں۔ اسس کے بعب داب ای معیار کی بہت ہے بہت نقسل بن کران لوگوں کو فسنسراہم کرتے ہیں جنہیں ضرورت ہو۔

### اكائيوں كابين الاقوامي نظام

اعدا مسین ناپ و تول کے عسموی احبلاسس مسین سات معتادیر کو بطور اساسی معتدار منتخب کرکے بین الاقوامی نظام اکائی کو مختصر آ" SI نظام "کہتے ہیں۔ حبدول! امسین تین اساسی معتدار کسیسے اس کا گیوں کی تعتدار کسیسے معتدار کسیسے میں معتدار کسیسے میں اسانی کہ کہتے ، اور وقت دکھیائے گئے ہیں۔ ان اکا ئیوں کی تعسریف انسانی جسامت مدنظ سرر کھتے ہوئے کی گئے۔

حب دول ۱. ۱: بین الاقوامی نظام اکائی کی تین اساسی معتادیر کی اکائیاں

اکائی کی عسلامی	ا کائی کانام	مقسدار
m	ميـر	لسبائى
kg s	کلو کرام سسیکنڈ	کمیت وق <u>ت</u>

کی مثلق اکائیوں <sup>ه</sup>ی تعسرین ان اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔مشلاً، طباقت کی SI اکائی، جو **وائے** اللہ مثلق ہے۔ کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا (W) کہلاتی ہے، کی تعسریف کمیت، کمہائی، اور وقت کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا آب بارج درج ذیل ہوگا:

(1.1) 
$$= 1 \text{ W} = 1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \text{ s}^{-3}$$

basequantities basestandards

derivedunits<sup>a</sup>

watt

\_

جهال آحن مسين كلوگرام مسر بع مسير في مكعب سيئذ پڙه احبائ گا۔

بہت بڑی یابہت چھوٹی معتادیر، جن سے ہمیں طبیعیات مسیں عصوماً واسطہ ہوگا، **سائنسی ترقیم** مسیں لکھی حباتی ہیں، جو وسس کی طباقت استعال کرتی ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$3560\,000\,000\,\mathrm{m} = 3.56 \times 10^9\,\mathrm{m}$$

$$0.000\,000\,492\,\mathrm{s} = 4.92\times10^{-7}\,\mathrm{s}$$

کمپیوٹر میں سائنسی ترقیم مسزید مختصر لکھی حباتی ہے؛ مشلاً، 3.56E9 اور 7 – 4.92E ، جباں E "وسس کی طباقت" شاہر کرتا ہے۔ کئی حماجے کار ^(کلکولیٹر)مسزید مختصر انداز استعال کرتے ہوئے E کو حسالی جگلہ سے ظاہر کسیاحب تا ہے۔

ہم اپنی آس نی کے لئے بہت بڑی یا بہت چھوٹی پیپ کشس حبدول ۱.۲ امسیں پیشس بقے استعال کرکے لکھتے ہیں۔ جیب آپ دیکھ سکتے ہیں ہر سابقہ دسس کی ایک مخصوص طباقت ظلم کرتا ہے، جو بطور حب زو ضربی استعال کیا حباتا ہے۔ بین الاقوای نظام اکائی کے ساتھ سابقہ مشلک کرنے سے مسراد اسس اکائی کو مطبابقتی حب زو ضربی سے ضرب دیٹ ہے۔ یوں ہم کی ایک مخصوص برقی طباقت کو

$$(1.0)$$
  $1.27 \times 10^9 = 1.27 \times 10^9$  وائد  $1.27 = 1.27 \text{ GW}$ 

یا کسی مخصوص و مستق دورانی کو درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(۱.۵) 
$$= 2.35 \times 10^{-9}$$
 نينو سيکنڙ  $= 2.35 \times 10^{-9}$ 

چن د سابقے، جوملی لٹر، سنٹی میسٹر ، کلو گرام یامیگا ہائٹ مسین استعال ہوتے ہیں ، سے آپ ضرور داقف ہول گے۔

# اكائى كى تىبىدىلى

بعض اوت سے طبیعی مقتداروں کی اکائی شبدیل کرنے کی ضرور سے پیش آتی ہے۔ ہم اصل پیم اُنٹس کو "شبادلی حبزو"، جو ایک ایک (1) کے برابر اکائیوں کی نسب ہوگی، سے ضرب دیتے ہیں۔ مشلاً، ایک منٹ اور ساٹھ سیکنڈ مم ثل دورانیہ ظلبر کرتے ہیں، البندادرج ذیل ہوگا۔

$$\frac{1\min}{60\,\mathrm{s}} = 1$$

يا

$$\frac{60\,\mathrm{s}}{1\,\mathrm{min}} = 1$$

يوں  $(60\,\mathrm{s})/(1\,\mathrm{min})$  يا  $(10\,\mathrm{min})$  تناسب بطور تباول جزو استعال کي حب سکتا ہے۔ ہم ہر گز 1

scientificnotation2

calculator<sup>^</sup>

conversionfactor

م باب.ا.پیرائش

حبدول ۱.۲: بین الاقوامی نظام اکائی کے سابقے

حبزوضر بي	سابق	عسلامي
10 <sup>24</sup>	بوٹا	Y
$10^{21}$	زييط	Z
$10^{18}$	اک	E
$10^{15}$	پیٹ	P
$10^{12}$	ش <b>ي</b> را	T
$10^{9}$	كيكا	G
$10^{6}$	ميگا	M
$10^{3}$	ئىيسرا كىگا مىگا كلو كلو	k
$10^{2}$	م <sup>ک</sup> لٹو	h
$10^{1}$	<b>ڈیکا</b>	da
$10^{-1}$	ۇسى	d
$10^{-2}$	سنتھ	С
$10^{-3}$	ملجه	m
$10^{-6}$	مائيكرو	μ
$10^{-9}$	نينو	n
$10^{-12}$	پکو	р
$10^{-15}$	فيمثو	f
$10^{-18}$	اڻو	a
$10^{-21}$	زپیٹو	Z
$10^{-24}$	كيثو	y

### 1 = 60 نہیں لکھ سے ؛ہر عبد داور اسٹی اکائی کو اکٹھ رکھنا ہوگا۔

ایک (1) سے ضرب دینے سے متدار کی قیت تبدیل نہیں ہوتی لہذا ہم جب حپابیں تبادلی حسنرواستعال کر سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر دو منٹ کو سیکنڈ مسیں تبدیل کر کے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔ کرتے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔

$$(1.7) \hspace{1.5cm} 2 \min = (2 \min)(1) = (2 \min)(\frac{60 \, \mathrm{s}}{1 \min}) = 120 \, \mathrm{s}$$

اگر تبادلہ حبزو ضرب متصارف کرنے سے عنب صروری اکائیاں ایک دوسسرے کے ساتھ منسوخ نہ ہوتی ہوں تب حبزو ضربی کوالٹ کر دوبارہ کوسٹش کریں۔اکائیوں کی تبادلہ مسین اکائیوں پر متغیبرات اور اعب داد کے الجبرائی قواعب دلاگو

لمسائى

1921 میں مسرانس کی نوزائیدہ جبہوریہ نے ناپ اور تول کا ایک نیانظام متائم کی۔ میٹراس کا نگ بنیادی ہتا، جو قطب شمال سے خطا ستواتک مناط کا گروڑواں ہے۔ لیا گیا۔ بعد مسین عملی جو جوہا ہے کہ بناپرا سی زمینی معیار کوتر کرتے ہوئے، پلا ٹیمنم واریڈیم 'اکی ایک سلاخ کے دوباریک کسیروں کے خاصلہ میٹر "استرارپایا؛ یہ معیار کو میٹر سلاخ "اپیرسش شہرے متیرب ناپ و تول کے بین الاقوای محکمہ مسین رکھ گیا۔ گاہوں کو ربطور تانوی معیار) مسترین نقسل، دنیا کی معیار ساز تحبر ہے گاہوں کو (بطور تانوی معیار) مندراہم کی گئے۔ گانوں کو معیار "است سلاخ کی بہترین نقسل، دنیا کی معیار ساز تحبر ہے گاہوں کو (بطور تانوی معیار) مندراہم کی گئے۔ گانوں معیار ساز پر مسین معیار ساز پر مسین معیار کی ہے۔ اس سلاخ پر دوباریک کسیروں کے گئے ، حتٰی کہ آخنہ کا ایک معیار کی ہے عدر سے بہتر معیار کی فرور سے بیش کی ہے عدر سے بہتر معیار کی ہوئے گائے۔ آئی۔ 194 میں شعباع کے طول مون پر مسبنی مسیز کے معیار پر اتفاق کیا گیا۔ یہ معیار کیٹن 86 (بو کر پائٹے "الکی۔ معیار کیٹن 186 (بو کر پائٹے "الکی۔ معیار کیٹن 186 (بو کر پائٹے کا ایک معیار ساز کی سرن شعباع کے جوہروں سے حساری ایک تو معیار گروچ نالی گئے۔ کے معیار اسل کی حساس کی حساس کی حساس کی حساس کی حساس کی حساس کی جائے۔ کو معیار (میٹر ساز کی کے معیار اسیر معیار (میٹر ساز کی کے معیار سے معیار کی عضر میں ہوں کی گئے۔ کو معیار (میٹر ساز کی کے معیار اسیر کی گئے۔ کو معیار اسیر ساز کی کی عضر میں سے تول مون کی (مذکورہ بالا مجیب) تعداد معیار کا گئے۔

کچھ عسر صبہ تک سب معیار س نمنی دنیا کی ضروریات پوری کرپایا، تاہم سائنسس کی دنیا بہت حبلدا تی آگے بڑھ حب کہ کرپٹن 86 کے طول موج پر مسبنی معیار سائنسی ضروریات پوری کرنے کے صابل نہیں رہا۔ آمنسر کار ۱۹۸۳ میں ایک نڈر فیصلہ کیا گئی، اور مسیر وہ صناصلہ مسیرارپایاجو شعباع ایک مخصوص دورانیہ مسیر طے کرتی ہے۔ ناپ و تول کے ستر ھویں (17) عسومی احبلاسس مسین درج ذیل طے پایا۔

تعسریف: خناء میں ایک سینڈ کے <u>1</u> وصوریف کے معلی شعباع کا طے کردہ فناصلہ میٹر <sup>۱۱</sup> کہائے گا۔

وقت کا (مذکورہ بالا) دورانیہ یوں منتخب کی گیا کہ شعباع کی رفت از  $c=299\,792\,458\ \mathrm{m\ s}^{-1}$ 

شعاع کی رفت اراٹل ہے۔ یوں شعباع کی رفت ارسے مسیٹر اخب ذکر ناایک بہستر و ت دم ہو ا۔

platinum-iridium'

meter"

standardmeterbar

secondarystandards"

krypton'

gasdischargetube 12

meter

با\_ا.تيائش

حبدول ۱۹۳ مسیں مناصلوں کی وسیع سعت پیش ہے، جو کہکثانی مناصلوں سے لے کر انتہائی چھوٹی چسنروں کی لمبائسیاں دیتاہے۔

### حبدول ١٠: چين د تخميني من صلح

ميرمسين لمبائي	پیماکش
$2 \times 10^{26}$	اول ترین پیسیدا کہکشاں تک مضاصلہ
$2 \times 10^{22}$	اندرومداکہکشاں تک۔ بناصبابہ
$4 \times 10^{16}$	<b>ت</b> ریب ترین تارے تک و ن اصله
$6 \times 10^{12}$	ىپوڻوتك مناصلە
$6 \times 10^{6}$	ز مسین کار دا سس
$9 \times 10^{3}$	بلب د ترین پہاڑی کی اونحپائی
$1 \times 10^{-4}$	صفحے کی موٹائی
$1 \times 10^{-8}$	عسلامتی وائر سس کی لمبائی
$5 \times 10^{-11}$	ہائے ڈرو <sup>جن جو ہ</sup> ر کار داسس
$1 \times 10^{-15}$	پروٹان کار دائسس

### بامعنی اعب داد اور اسٹ اربے کے معتام

ف سنرض کریں آپ ایک مسئلے پر کام کر رہے ہیں جس مسیں ہر قیت دوہت دسوں پر مشتل ہے۔ ان ہند سوں کو با معنی ہندسے ما ہندسے کا کتے ہیں۔ ایت جواب پیش کرتے ہوئے آپ استخاب کی استغال کریں گے۔ اگر مواد دوہت دسوں مسین دیا گیا ہو تب جواب بھی دوہت دسوں پر مشتمل ہوگا۔ اگر حپ آپ کا حساب کا دنت آئے زیادہ ہند سوں مسین پیش کر تاہے، ب (اضافی) ہندے لے معنی ہیں۔

اس کتاب میں، دیے گئے مواد مسیں کم سے کم ہا معنی ہند سول کے برابر، حسب کے اختتا می نست نئے پور میور کر کے پیش کیے حب نے والے ہند سول حب کئیں گے۔ (ہاں، بعض او حت سے ایک اصف فی ہمند سہ بھی رکھا حب کے گا۔) اگر ضب لئے کے حب نے والے ہند سول مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور "کسیا حب تا ہے؛ دیگر مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور آگے است کے خور پر 11.3516 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.4 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.3 کا کھیا جب کے گا۔ (اسس کتاب مسیں نست نئے پیش حب کے مور کے جب کے عصوماً سے سال کی حب کے گا۔)

عدد 3.15 یا  $10^3 \times 3.15$  مسیں بامعنی ہند سوں کی تعداد صاف ظاہر ہے؛ عدد 3000 مسیں بامعنی ہند سے کتنے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول  $10^3 \times 3 \times 3$  کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول  $10^3 \times 3 \times 3$  کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول  $10^3 \times 3$  کار معنی تصور کسیا تھور کسیا تھا۔

با معنی ہندسوں اور اشاریہ کے معتام دو مخلف باتیں ہیں۔ درج ذیل مناصلوں 35.6 mm ، 35.6 mm ، اور

significantfigures12

١.١ وقت

m 56 0.003 پر غور کریں۔ تمام مسیں تین بامعنی ہندے ہیں، تاہم ان مسیں اٹ ارید کے مصام بالت رتیب ایک، دو، اور پانچ ہیں۔

# مثال ۱۱: دهاکے کاگیند؛ قدر کے رتبہ کی تخینے۔

دنیا میں دھاگے کے سب سے بڑے گیند کارداسس سے ہے۔ اسس گیند میں دھاگے کی کل لمبائی کا کتی ہوگی؟اگرچپ ہم گیند میں دھاگے کو کل لمبائی کا ناپ سکتے ہیں، تاہم ہم ایس نہیں کرنا دپ ہتے۔ ہم صاب کے ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔

حاب

ہم منسر ض کرتے ہیں گینند کروی ہے؛ اسس کار داسس R=2m ہے۔ دھا گہ لیسیٹے ہوئے دھا گے کے مختلف حصوں کے نق حسان کی جارے مسیں حبان باہم سکن بات ہے۔ ان حنالی جگہوں کو مد نظر رکھے ہوئے ہم دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا ضلع d=4mm کے بیاں اسس کارقب عصودی تراشش d=4mm کہ اور کل محبم درج ذیل ہوگا:

$$V=($$
لب ئى $)($ رقب مىسودى تراسش  $)=d^2L$ 

جوگین دے تحب م $4R^3$  کے برابر ہوگا؛  $\pi$  کو تخمین  $\pi$  کو تخمین  $\pi$  کو تخمین  $\pi$  کو تخمین  $\pi$  کا کھا جب سکتا ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا  $d^2L=4R^3$ 

جس سے درج ذیل حسامسل ہوگا۔

$$L = \frac{4R^3}{d^2}$$

$$= \frac{4(2 \,\mathrm{m})^3}{(4 \times 10^{-3} \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 2 \times 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^3 \,\mathrm{km}$$

(اتے سادہ حساب کے لئے حساب کارر کی ضرور سے پیش نہیں ہونی حیائے۔)تدر کے قت رہی رتب تک گیند مسین تقسر بیا 1000 km دھا گہے۔

#### ا.ا وقت

وقت کے دو پہلو ہیں۔ روز مسرہ زندگی مسیں ہم کام کائ ترتیب سے رکھنے کی عنسر ض سے وقت حبانت حیاہتے ہیں۔ سائنس کی دنیامسیں ہم عسوماً حبانت حیاہتے ہیں کہ ایک واقعہ کتنی دیر وقوع پذیر ہوا۔ یوں وقت کے کسی بھی معیار کو بالاله يسائش

دوسوالات کاجواب دبین ابو گا: کب ہوا؟ اسس کا دورانپ کتن انتا بھتا؟ حبد ول ۴. امسیں چیند وقت تی وقفے پیش ہیں، ہباں یلانک وقت ۱۱ سے مسراد ابتدائی و الے ۱۹ کے بعد وہ اول ترین وقت ہے جب طبیعیات کے تواعد (جس طسرت انہیں ہم اسس وقت حیانتے ہیں) متابل اطبلاق ہوں گے۔

حبدول ۴.۱: چین د مخمنی دورانے

سیکنڈ مسیں دورانی	پيائش
$3 \times 10^{40}$	پروٹان کاعب رصبہ حسیات (محض اندازہ)
$5 \times 10^{17}$	کائٹا <u>۔</u> کی عمسر
$1 \times 10^{11}$	ہر م خو فو کی عمس ر
$2 \times 10^9$	انسانی زند گی (متوقع)
$9 \times 10^4$	ایک دن
$8 \times 10^{-1}$	انسانی دل کی د ھسٹر کنوں کے پیچو قفنہ
$2 \times 10^{-6}$	میون کاعب رصبه حسیات
$1 \times 10^{-16}$	تحب رب گاہ مسیں مختصر ترین شعباع کادورانیہ
$1 \times 10^{-23}$	غیسر مستحکم ترین ذرے کاعب رصبہ حیات
$1 \times 10^{-43}$	پلائک_ وقفہ

وہ مظہر سرجواینے آپ کو دہرا تا ہو وقت کامعیار مقسرر کیا حباسکتا ہے۔ محور کے گر د زمسین کا ایک حیکر، جو دن کی لمبائی تعسین کرتاہے،صدیوں تک بطور وقت کامعبار استعال کیا گیا۔ **سنگھ مردہ ''**(کوارٹز) گھٹڑی، جس مسین ایک نگ مسردہ چھلے کو مسلسل ارتصاحش پذیر رکھا حباتا ہے ، کی پیسانہ بندی فلکیاتی مضاہرات کے ذریعہ، زمین کے گھومنے کے ساتھ کرکے، تحبیرے گاہ میں وقت ق و قفول کی پیپائٹس کے لیے استعال کیا حیاسکتا ہے۔ تاہم حبدید سے نئنس وانجینے کی کو در کار در سنگی ایسی پیپ سے ہندی سے ممکن نہیں۔

بہتر معیار وقت کی ضرورے کے در پیش جوہری گھولیا ہے استیار کی گئیں۔ <u>۱۹۲۷</u> مسین نایے و تول کے سیر حویں عسوى اجلاس مسين سيزيم كهوري ٢٠ پر مسبني معياري سيكند پر اتف ق كياكيا ـ

تعسریف: سیزیم 133 جوہرسے حنارج ایک مخصوص طول موج کی شعباع کے 631 770 9 192 و ارتعباسش کو در کار وقت ایک سیکنڈ ۲۳ ٹہسراما گیا۔

planktime<sup>1A</sup>

bigbang<sup>19</sup>

atomicclocks<sup>ri</sup>

cesiumclock

second

۱٫۱. کمیت

جوہری گھٹڑیاں انتہائی درست وقت بتاتی ہیں۔ دوسیزیم گھٹڑیوں مسین ایک سیکنڈ منسرق چھ ہزار سال جیلئے کے بعد پہیدا ہوگا۔ اسس وقت شیار کی حبانے والی گھٹڑیوں کی درستگی 10<sup>18</sup> مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10<sup>18</sup> مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10<sup>18</sup> سیکنڈ (جو تقسریباً 10<sup>10</sup> × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ (کو تقسریباً 10<sup>10</sup> × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ کافٹرق ہوسکتا ہے۔

### ۱.۲ کمیت

### معیاری کلو گرام

ف دانس کے شہد پیدرس کے قتریب ناپ و تول کے بین الاقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی معسادہ کے تحت، ایک کلوگرام کیت نہدرایا گیا۔ اسس کی بہتر سے بہتر نفتسل دنیا کے بیشتر معساد ساز تحبد ہے۔ معساد ساز تحبد ہے گاہوں کو فضراہم کی گئی جن کواست مال کرتے ہوئے ترازو کی مدد سے کسی بھی جسم کی کیت ناپی جب سے دول ۱۵۔ امسین فت درکے 83 رتوں پر پھیلی کمیوں کو کلوگرام کی صور سے مسین پیش کمیا گیا ہے۔

حبدول ۱.۵: چند تخمینی کمیت

کلوگرام مسیں کمیت	چيز
$1 \times 10^{53}$	معسرون كائتنات
$2 \times 10^{41}$	ہماری کہکشاں
$2 \times 10^{30}$	سورج
$7 \times 10^{22}$	حپاند
$5 \times 10^{15}$	سیارحپ ایرانسس
$1 \times 10^{12}$	جچوڻا پيپاڙ
$7 \times 10^7$	سمن دری جهاز
$5 \times 10^3$	بالتقى
$3 \times 10^{-3}$	انگور
$7 \times 10^{-10}$	د ھول کی ذرہ
$5 \times 10^{-17}$	پینسلین سالب
$4 \times 10^{-25}$	يورينسيم جوہر
$2 \times 10^{-27}$	پروٹان '
$9 \times 10^{-31}$	انسيڪٹران

### دوم معیار کمیت

جوہروں کی کمیت کامواز سے معیاری کلوگرام کی بحبے، زیادہ در سنگی کے ساتھ، دیگر جوہروں کے ساتھ کسیاحب اسکتا ہے۔ اس کی بست ہم دوم معیار کمیت ہیں۔ کاربن 12 جوہر کو بین الاقوامی معسابدہ کے تحت 12 جوہر کے کمیت اگلیوں میں

atomicmassunit rr

ا\_ا.پیائش

مختص کی گئی۔ان دواکائیوں کے پچرسشتہ درج ذیل ہے

(1.4) 
$$1 u = 1.66053886 \times 10^{-27} kg$$

جہاں آ حضری دوہت دسوں مسیں عصد م یقینیت 10 ± ہے۔ سائنس دان کافی در سستگی کے ساتھ تحبیر ہے ذریعہ کی جوہر کی کمیت کاربن 12 کی کمیت کے لیاظ سے تعین کر سکتے ہیں۔ اسس وقت، کمیت کی روز مسرہ زندگی مسیں مستعمل اکائیاں، مشا کلوگرام، استعمال کرتے ہوئے ہماتنی در سستگی حساس کرنے سے وت صربیں۔

### ۱.۲.۱ کثافت

کافتے ۲۵ مے مسراد اکائی حب مسیں کیت ہے۔

$$\rho = \frac{m}{V}$$

اسس پرباب 14 مسین مسنزیر تبعسرہ کسیائے گا۔ کثافت کوعسام طور پر کلوگرام فی مسرئع مسیریا گرام فی مسرئ سنی مسیر شد مسیر مسیر ناپا جسان کی کثافت ایک گرام فی مسرئع مسیریا کی کشافت کرام فی مسرئع مسیری جسس کو عصوماً موازن ہے کے لئے استعمال کسیا جبانا ہے۔ پانی کی کثافت کے لیا تقسیری کا گافت سے مرف 64 ہے۔ کشافت سے سرف کا کشافت مون کا کشافت مون کا کشافت کا کشاف

\_\_\_\_

۱.۱. کمیت

مثال ۱.۲: کثافت اور رفتیق کاری

الیے زلز لدے دوران جس مسیں زمسین کی رقیق کاری ۲۲ ہو، بجساری جم زمسین مسیں دھنس سکتا ہے۔ رقت کے دوران مٹی کے ذرے نہایت کم رگز محسوس کرتے ہوئے ریلٹ احشر وغ کرتے ہیں اور زمسین دلدل کی کیفیت اختیار کرتی ہے۔ ریتیلی زمسین کی دقت تی کاری کے مسکنات کی پیٹیگوئی زمسین کے نموٹ کی شناسب حنلا و کے رویے مسین کی حباستی ہے۔

$$e = \frac{V_{\text{LL}}}{V_{\text{LL}}},$$

 $e^{-1}$ یہاں وری کے نیج حسیں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ دروں کے نیج حضا کا کل حجم ہے ۔ اگر وری میں وری میں میں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ وری کرتا ہو، زلزلہ کے دوران رفتیق کاری کا امکان ہوگا۔ مطابقتی ریت کی کثافت وریت وری میں ہوگی۔  $ho_{SiO_2}$  =  $(SiO_2)$  (جوریت کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت  $\sim$  کیا ہوگی۔ کی میں میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت  $\sim$  کیا ہوگی۔ کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت  $\sim$  کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت  $\sim$  کی میں کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت  $\sim$  کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کے دوران کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کی میں کا بنیادی حبزو ہے کی کثافت کی کا بنیاد کی کثافت کی کتاب کی کتاب کی کثافت کی کتاب کرنے کی کتاب کی کتاب کرنے کے کہ کتاب کی کتاب کی کتاب کی کتاب کرنے کے کارٹر کی کتاب کی کتاب کی کتاب کی کتاب کی کتاب کرنے کے کارٹر کی کتاب کی کتاب کی کتاب کی کتاب کی کتاب کی کتاب کے کارٹر کی کتاب کرنے کی کتاب کرنے کے کارٹر کی کتاب کی کتاب کی کتاب کی کتاب کرنے کی کتاب ک

### كلب دى تصور

نمونے مسیں ریسے کی کثافت ہے۔  $\rho$  سے مسراد اکائی حجب مسیں کمیت ہے :جوریت کے تمسام ذروں کی کل کمیت ہے۔ V کا تنسب:

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{m_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}{V_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}$$

ے۔

حماج: نمونے كاكل حبم كل درج ذيل ب

$$V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$$
ن بالم $V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$ 

ماوات  $\mathbf{P}$ . امسیں نV ڈال کر  $V_{-}$  کے لیے حسل کر کے ذیل حساس ہوگا۔

$$V_{\succeq}, = \frac{V_{\circlearrowleft}}{1+e}$$

مساوات 8.1 کے تحت ریت کے ذرات کی کل کمیت ر<sub>یت</sub> سلیکان ڈائی اکسائیڈ کی کثافت ضرب ریت کے ذرات کاکل حجبم:

$$m_{\underline{\hspace{1cm}}} = \rho_{\mathrm{SiO}_2} V_{\underline{\hspace{1cm}}},$$

ہوگا۔ اسس کو مساوات  $V_1$  امسیں ڈال کر کے مساوات  $V_2$  ڈال کر ذیل حساس ہوگا۔

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{\rho_{\rm SiO_2}}{V_{\mathcal{S}}} \, \frac{V_{\mathcal{S}}}{1+e}$$

liquefaction

اب. پیائش

ف صل قیت  $ho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \, \mathrm{kg \, m^{-3}}$  اور  $ho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \, \mathrm{kg \, m^{-3}}$  برکر کے ہم دیکھتے ہیں کہ رقت کاری اسس صورت ہو گی جب ریت کی کثافت درن ڈیل ہے کم ہو۔

$$\rho = \frac{2.600 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}}{1.80} = 1.4 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}$$

ر قشیق کاری مسیں عمسارے کئی مسیٹر زمسین مسیں دھنس سکتی ہے۔

۱.۱. کمیت

### حبدول ۲. ابملی گرام، گرام،اور کلو گرام کی چین د قیمتیں۔

kg	g	mg	
			300 mg
			$0.50\mathrm{g}$
			$0.02\mathrm{kg}$

سوال ۱.۱: حبدول ۲. امکسل کریں۔ (۱) مبدول مکسل کریں۔ (ب) mg کی سے 55 mg کے برابر ہوگا؟ (ج) 12 cm<sup>3</sup> کے سے سول ۲.۱۱ محبم کے برابر ہوگا؟

سوال ۱۰۱: ماقوائی معمار پانی کا حجم عصوماً ایکر فٹ مسیں ناپتے ہیں، جس سے مسراد ایک ایکر رقبے پر ایک فٹ گہر سرا گہر راپانی ہے۔ ایک شہر جس کارقب 26 km² ہے مسیں 30 منٹ کی بارش 2 ان پیانی برت تی ہے۔ شہر پر کتا ایکر فٹ یانی برستاہے؟

سوال ۱۰.۳: ایک سٹر کے 32 مسیل اور 5 مسیر لانگ لبی ہے۔ اسس کی لمب نکی ہوگی؟ سوال ۱۰.۳: بہر منجد جونج کے ۱۰ مسیر کتی ہوگی؟ سوال ۱۰.۳: بہر منجد جونج کے ۱۳ تقسیر بیب نیم دائری ہے (شکل 1.5) جس کارداسس 2000 km ہے۔ اسس مسیر برنے کی اوسط موٹائی m 3000 سے ۔ بحسر منجب دجونی مسیر کتنے cm³ برنے پایا جاتا ہے؟ (زمسین کی سطح مستوی تصور کریں۔)

#### وقب

سوال ۱.۵: بہت وسیح ممالک مشلاً روس میں مختلف معتامات پر گڑیوں کا وقت ایک دوسرے سے مختلف ہوتا ہے۔ در ان خط تول بلد کے کتنے درج جیلنے کے بعد ایک گھٹے کافٹ رق پایا جب کے گا؟ (امث ارہ: زمسین 24 گھٹے مسیں 360 گھومتی ہے۔) ایک خط تول بلد کتنے منٹ کے برابر ہوگا؟

سوال ۲۰۱: منسرانسیی انسلاب کے بعد تقسریباً 10 سال تک حکومت کوشش کرتی رہی کہ وقت کی پیسائش مضسرب 10 رکھی حبائے؟ ایک ہفت۔ مسین 10 دن، ایک دن مسین 10 گھٹے، ایک گھنٹ مسین 100 منٹ، اور ایک منٹ مسین 100 منٹ، ایک گھنٹ مسین 100 منٹ، اور ایک منٹ مسین 100 د

(۱) منسرانسیبی اعث اری ہفت اور معیاری ہفت کی نبیت ، اور (ب) منسرانسیبی اعث اری سیکنڈ اور معیاری سیکنڈ کی نبیت کیا ہے؟

سوال ۱۰: دنسیاکا تسیز ترین بڑھت اپودا "ہمپرویوکا" کہا تاہے جو 14 دن مسیں 3.7 سرلہ پودے کے بڑھنے کی سشرح بسلا ا 1- سال سنتی ہے؟

موال ۱.۱۰ تین گھٹٹیاں الف، ب، اور پ مختلف رفت ارسے حیاتی ہیں اور بیک وقت صنب رہیں دیتی۔ شکل 6.1 مسیں حیار موقوں پر ان کی بیک وقت ہیں کشش د کھائی گئی ہے۔ (مشال کے طور پر جسس کمح گھٹڑی ہے 25 دیتی

antarctica"

اب ابتیائش ابتیائش

ہے، گھٹڑی پ 92 ویق ہے۔)اگر دو واقع سے گھٹڑی الف پر 8 600 مناصلے پر واقع ہوں، سے (الف) گھٹڑی سے پر اور (ب) گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی الف 8 400 ویق ہے اسس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (جہس وقت گھٹڑی ہے۔) سس وقت گھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کے تصور کریں۔)

سوال ۱.۱: ایک درسس (جو 50 منے کا ہے) تخمیناً ایک خور د صدی کا ہوگا۔

(۱)ایک خور د صبه ی دورانب کتنے منٹ ہو گا؟ (ب) درج ذیل کلیہ استعال کرتے ہوئے تخمسین مسیں فی صب د منسرق تلاسٹس کریں۔

$$= \left(\frac{\vec{z}_{\text{au}} - \vec{z}_{\text{au}}}{\vec{z}_{\text{out}}}\right) 100$$

سوال ۱۰: دو ہفتوں کاوق<u>ت کتنے</u> یع ہوگا؟

سوال ۱۱.۱: معیاری وقت کادارومدار جوہری گھٹڑیوں پر ہے۔ اسس سے بہتر معیار سیکنڈ مالین ہم ہم پر مسبنی ہو سکتا ہے، جو گھوٹے نیوٹران کے معیار سیکنڈ مالین ہم ہم سیس سے گاہنہائی نیادہ گھوٹے نیوٹران پائے حباتے ہیں) ہیں۔ ان مسیس سے گاہنہائی نیادہ مشارہ مسترکم مشرح سے گھوٹے ہیں، اور ہر حپکر کے دوران ایک مسرت نہ نہیں پر شعب گؤالتے ہیں (سمندر کے کسنارے مثارہ فور مئی طسرح ہے گاہ کرتا ہے)۔ نابین 21 PSR 1937 کے ایک ایک ایک ایک تابین جو ایک حپکر سے دوران میں ہوراکر تا ہے، جہاں آمنے مسیس کے آمنے کی ہدید مسیس عدم سے بی پوراکر تا ہے، جہاں آمنے مسیس کے آمنے کی ہدید مسیس عدم سے بین عدم سے بین بینت دیت ہے (ایس کا ہر گز 3 ms کے مطلب نہیں)۔

(۱) ہے۔ نابض 7.00 دنوں مسیں کتنے حبکر کاٹت ہے؟ (ب) ہے نابض 10 لاکھ مسرتبہ ٹھیک کتنے وقت مسیں حبکر کاٹت ہے،اور (ج) اسس سے واب تاعب میلینیت کسیا ہوگا؟

pulsars<sup>rA</sup> neutronstar<sup>r4</sup>

lighthouse".

۱٫۲ <u>کی ۔ . .</u>

سوال ۱۰.۱: ایک سمتیہ جس کا و تدر m 7.3 m ہیں۔ محور کے رخ سے گھٹڑی کی سوئی کے مختالف رخ °250 پر xyx مستوی مسین پایا حباتا ہے، الف اسس کا x حبز اور ب وائی حبز تلاسٹ کریں۔

26.3 سوال ۱۱۰: سمتیہ ہے وہ کہ رخ ہے، شکل  $\theta$  اور پہ y مستوی مسیں زاویہ  $\theta$  کہ رخ ہے، شکل 26.3 دیکھیں اسس سمتیہ کے الف x جسنراور پر جسنر تلاشش کریں۔

سوال ۱۰۱۴: سمتیه a x کوبرخ سرخ علی علی علی علی علی علی علی علی علی معتبه a کوبرخ اور محور x کرخ اور محور x کوبر کے مثبت رخ کے گازاوں کتن ہے؟

سوال ۱۱.۱: درج ذیل زاویوں کوریڈین مسیں بیان کریں: النب °20 ، ب °50 ، ج °100 ۔ درج ذیل زاویوں کو درجوں کی صورت مسیں پیش کریں: 0.00 ریڈین، 70.70 ریڈین۔

سوال ۱۱۱: ایک بجسری جب زشمال کے رخ 120 km دور نقط کی حبانب پنچن حپاہت ہے۔ سفسر کے اعنیاز ہے پہلے ہی ایک غنیبر متوقع اندھی اسس کو نقط، اعنیازے مشرق حبانب 100 km دور دکھیات ہے۔ اسس جب زکو اختامی نقط پر پہنچنے کے لیے الف کتنیاف صابہ طے کرنا ہوگا طے کرنا ہوگا اور (ب) اے کس رخ سفسر کرنا ہوگا؟

سوال ۱۱.۱: سنتکل 27.3 مسیں ایک جب اری مشین کو اف کی رخ سے زاویہ  $0 = 20^\circ$  پر رکھے گئے تختے پر  $d = 12.5 \,\mathrm{m}$  وناصلے تک گسیٹ احب تا ہے ۔ اسس مشین کو (الف) انتصابی روح اور (ب) او کی رخ کتف دور منتصل کی اللہ بھی گسیٹ احب تا ہے۔ اسس مشین کو اللہ بھی اللہ بھی تک گسیٹ کی رخ کتف دور منتصل کی اللہ بھی تاریخ

سوال ۱۱.۱۸: ایک ہٹاؤ جس کافتدر m 2 ہے اور دوسے راہٹاؤ جس کافتدر m 4 ہے پر غور کریں۔ دکھائیں کہ ان ہٹاؤ سمیات کو استعال کرتے ہوئے (الف) 7 m (ب) اور (ج) m 5 متدر کے ہٹاؤ حساس کیے حب سکتے ہیں۔ Module کائی سمتیات ، سمتیات کی جمع بذریعہ احبزاء

سوال ۱۰۱۹: ایک شخص 3.1 km شمال کی طسرت چیلنے کے بعد 2.4 km معنسر ب اور احسر مسین 5.2 km جنوب کے رخ چلت کے بعد جنوب کے رخ چلت ہے۔ (الف) اسس کے حسر کت کوظ اہر کرنے کے لیے سمتی نقشہ بنائیں۔ ایک پرندہ اسس نقطہ اختیام تک اڑتے ہوئے (ب) کتناف صلہ طے کرے گاور (ج) کس رخ طے کرے گا؟

$$a = (4 \text{ m})i - (3 \text{ m})j + (1 \text{ m})k$$

اور

$$b = (-1 \,\mathrm{m})i + (1 \,\mathrm{m})j + (4 \,\mathrm{m})k$$

 $d_x = 4.4$  :  $c_z = -6.1$  ،  $c_y = -3.8$  ،  $c_x = 7.4$  وال المباد:  $d_z = 2.0$  وال المباد:  $d_z = 3.3$  ،  $d_y = -2.0$  والنس المباد كري كري المباد كري المباد كري ا

سوال ۱۹۰۲: (الف) اگر  $\vec{b} = (-13\,\mathrm{m})\hat{i} + (7\,\mathrm{m})\hat{j}$  اور  $\vec{d} = (4\,\mathrm{m})\hat{i} + (3\,\mathrm{m})\hat{j}$  ہوں تب اکائی سمتیا عسلامتیت مسین محبوعہ a+b کے ابوگا؟ اس محبوعے کا (ب) احتدر اور (ج) رخ کے ابوگا؟

اب. بیمائش

سوال ۱.۲۳ ایک گاڑی کو مشر ک کی طسر و نے 50 km ، اسس کے بعید شمال کی طسر و نے 30 km اور احسر مصیں شمال ہے مشر ک حباب عن میں شمال ہے مشر ک حباب عن میں شمال ہے مشر ک حباب عن میں استدائی است کا مستق نقشہ بن میں۔ استدائی افتطاعہ سے گاڑی کی کل بن کا کارالف) وار (ب) زاویہ تلائش۔

موال ۱.۲۴ ایک شخص اپنے موجودہ معتام سے 3.4 km دور شمال سے مشر کے حبائب °35 کے رخ معتام پر پہنچن ا حہاہت ہے۔ تاہم اسس کو محب بوراً ایک گلیوں سے گزرنا ہو گاجو مشرق سے معضر ب یا شمال سے جنوب ہیں۔ یہ شخص کتنا کم سے کم مناصلہ طے کر کے اس معتام تک پہنچ ملک ہے؟

عوال 14.0: ہموار صحبرا مسین xy محمدتی نظام کے متاز سے اغناز کرتے ہوئے xy محمدد (مائنس 14 مسیر کم 20 مسیر کم 14 مسیر کم 20 اسیر کے مسیر کا 20 مسیر کا 140 مسیر کا 150 مسیر کا 140 مسیر کا 150 مسیر کا

سوال ۱۰۲۱: سشکل 3.28 مسیں دکھائے گئے سمتیات a اور b دونوں کے متدر m m m m m ورایت سومت m ورایت m ورایت m احبزا تلاسش کریں۔ (ج) m احبزا تلاسش کریں۔ m کا محدر اور (ب) مبت m محور کے رخ کے ساتھ m کا کانوں تلاسش کریں۔

موال ۱۳۰۰: یک باغیب مسین 1 m اطسران کے چوکور حنانوں کا شطسرنج کی تھیل کا میدان بنایا جاتا ہے ایک نائٹ درج ذیل متدم لیتا ہے: 1 دوچو کوراگے، ایک چوکور دائیں؛ 2 دوچو کور بائیں، ایک چوکوراگے، 3 دوچو کور آگے، ایک چوکوربائیں۔ ایک چوکوربائیں۔ ایک چیک کے لیا تا ہے نائٹ کے مجبوعی مناؤکا (الف) تدراور (ب)زاور کی اداور کے اور کا کارخ کے لیا تا ہے کا کارٹ کے محبوعی مناؤکا (الف) تدراور (ب)زاور کی اداور کی اور کارٹ کے لیا تا کارٹ کے محبوعی مناؤکا داخل کے معادل کارٹ کے محبوعی مناؤکا داخل کے معادل کارٹ کے معادل کی معادل کی معادل کارٹ کے معادل کارٹ کے معادل کارٹ کے معادل کی معادل

# باب

# مخفى توانائي اور توانائي كي بقسا

اختتای حسال مسیں اسپرنگ ڈھیلے حسال مسیں ہو گااور ہواباز س کن زمسینی سطح پر ہو گا،لہذانظ م کی اختتا می میکانی توانائی ذیل ہوگی۔

$$E_{2i\dot{\mathcal{G}}}=K_2+U_{e2}+U_{g2} \ =0+0+0$$

$$\Delta E = \mu_k mgL$$

(مسنرید تحب رہے کے بغیب رہے حبان مسکن نہیں اسس توانائی کا کتن حصہ تیب راک کواور کتن راہ کو منتقب ہوگا۔ ہم صرف کل مقب دار حبانے ہیں۔)

ماوات 43.8 تاماوات ۲.۲ کوماوات 42.8 میں پر کرنے سے

$$(r.r) 0 = \frac{1}{2}kd^2 + mgh - \mu_k mgL$$

ملت ہے، اہلندا درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$L = \frac{kd^2}{2\mu_k mg} + \frac{h}{\mu_k}$$

$$= \frac{(3.2 \times 10^3 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-1})(5\,\mathrm{m})^2}{2(0.800)(200\,\mathrm{kg})(9.8\,\mathrm{m/s}^2)} + \frac{35\,\mathrm{m}}{0.800}$$

$$= 69.3\,\mathrm{m}$$

آ حنسر مسیں اسس بات پر توحب دیں کہ ریاضی حسل کتنا آسان تھت۔ سوچ سبچھ کر نظام تعسین کر کے یاد رکھتے ہوئے کہ سیہ حبد انظام ہے، ہم توانائی کی بقت کا متانون استعال کرپاتے ہیں۔ یوں نظام کے استدائی اور اختای حسال توانائیوں کو، در میانے حسال حبانے بغیسر، برابر رکھا حب مکتا ہے۔ بالخصوص، عسیسر ہموار راہ پر تسیسراک کی حسر کت پر غور کرنے کی مفرور سی پیش نہیں آئی۔ اسس کی بحبائے، اگر ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور کھاور حساب بھی مشکل ہوتا۔

# نظسر ثاني اور حنلاص

### بقسائي قوت

وہ تو۔، جو کسی بندراہ پر حسر کس کرتے ہوئے ذرہ پر، کسی ابتدائی نقطہ سے حیل کر ای نقطہ پر واپس پینچ کر، صنسر صافی کام کرتی ہو ب**قائی قوضے** ہو گا۔ ہم یوں بھی کہہ سکتے ہیں کہ اگر ایک قوب دو نقطوں کے پچ حسر کس کرتے ہوئے ذرے پر جو صافی کام کرے وہ راہ پر مخصسر سنہ ہو تب قوب بقسائی ہو گا۔ تحباذ بی قوب اور اسپر نگ قوب بقسائی ہیں؛ حسر کی رگڑی قوب غیر بقائج ہے۔

### مخفى توانائى

وہ توانائی جو ایے نظام کی تفکسیل کے ساتھ وابستہ ہو جس مسیں بتسائی قوت عسل پسیرا ہو مخفی توانائی کہائی ہے۔ جب نظام کے اندر ذرے پربتسائی قوت کام W کرے، نظام کی مخفی توانائی مسین تبدیلی ΔU ذیل ہوگا۔

$$\Delta U = -W \tag{8.1}$$

نقطہ  $x_i$  سے نقطہ  $x_f$  بہنچنے پر،نظام کی مخفی توانائی مسیں تبدیلی درج ذیل ہوگا۔

$$\Delta U = -\int_{x_i}^{x_f} F(x) \, \mathrm{d}x \tag{8.6}$$

### تحباذني مخفى توانائي

زمسین اور اسس کے متسریب ذرے کے نظام سے وابستہ مخفی توانائی کو **تجاذبی مخفی توانائی کے کت**ے ہیں۔اگر ذرہ  $y_i$  بلسندی سے  $y_j$  بلسندی منتقتل ہو،زمسین وذرہ نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسین رونمس ہونے والی تبدیلی ذیل ہوگی۔

$$\Delta U = mg(y_f - y_i) = mg\Delta y \tag{8.7}$$

 $u_i=0$  وہوالہ نقطہ  $u_i=0$  پر زرے کی تحباذ کی مخفی توانائی و  $u_i=0$  رکھ کر کسی بھی بلنندی u پر ذرے کی تحباذ کی مخفی توانائی درج دیاری ہوگا۔

$$U(y) = mgy (8.9)$$

### لحي كى مخفى توانائي

لیکدار جم کی حسالت تھنج یاحسالت داب سے وابستہ توانائی کو کچک**ی مخفی توانا کی** ہم تھے ہیں۔ ایک اسپر نگ، جو اسس وقت توب کی گئے گئے تابات ایک اسپر نگ، جو اسس کے آزاد سسر کاہاب و x ہو، کی گئے کی مخفی توانائی ذیل ہوگی۔

$$U(x) = \frac{1}{2}kx^2 (8.11)$$

واله شظیم وه بو گاجب اسپر نگ ڈھیلا ہو، x=0 اور U=0 ہو۔

### بكانى توانائى

سر کی توانائی K اور مخفی توانائی U کا محب و عب نظام کی میکانی توانائی  $E_{ik}$  ہوگا۔

$$E_{\dot{\mathfrak{z}}_{\kappa}} = K + U \tag{8.12}$$

جدا نظام سے مسرادوہ نظام ہے جس مسیں "بیدونی قوت" توانائی کی تبدیلی کا سبب نہیں بستی۔ اگر صرف تحب ذبی قوتیں حبدانظام کے اندرون کام کرتی ہوں، تب نظام کی میکانی توانائی میکانی توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات طاہر کرتی ہیں۔ درج ذیل کھا حباسکتا ہے، جبال زیر نوشت توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات ظاہر کرتی ہیں۔

$$K_2 + U_2 = K_1 + U_1 \tag{8.17}$$

ب اصول درج ذیل بھی لکھاحب سکتاہے۔

$$\Delta E_{\rm is.} = \Delta K + \Delta U = 0 \tag{8.18}$$

### مخفی توانائی منحنیات

ایک نظام، جس مسین یک بعدی قوت F(x) ذرے پر عمسل پیسراہو، کی مخفی توانائی تفاعسل U(x) حب نے ہوئے ہم ہوئے ہم سے قوت تلاشش کر سکتے ہیں۔

$$F(x) = -\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}x} \tag{8.22}$$

اگر تف عسل U(x) کی ترسیم دی گئی ہو، کسی بھی نقط ہیں پر ، ترسیم کی ڈھسال کی ننجی اسس نقط ہیر قوت F(x) ہو گی اور ذرے کی حسر کی توانائی درج ذیل ہو گی، جبساں  $E_{ik}$  نظام کی میکانی توانائی ہے۔

$$K(x) = E_{ik} - U(x) \tag{8.24}$$

موٹاواپ یں نقطہ سے مسرادوہ نقطہ ہے جس پر ذرہ حسر کت کارخ تبدیل کر تا ہے؛ اسس نقطہ پر K=0 ہوگا۔ جن نقطوں پر K=0 کی ترسیم کی ڈھسال صف ہوان نقطوں پر ذرہ **توازیخ** مسیں ہوگا؛ان نقطوں پر U(x)=0 ہوگا۔

### نظام پر بیسرونی قوی کاکر ده کام

کام W ہے مسراد وہ توانائی ہے جو نظام پر بیسر ونی تو ہے عمل کی بن انظام سے باہریا نظام کے اندر منتقتل ہو۔ جہاں ایک سے زیادہ تو تیں عمل پیسر اہوں وہاں منتقتل توانائی ان کا محب و گل صافح کام ہوگی۔ رگڑ کی غیسر موجود گی مسیں نظام پر کسیا گل ما اور نظام کی میکانی توانائی مسیں تب دیلی  $\Delta E_{ik}$  برابر ہوگی۔

$$W = E_{ik} = \Delta K + \Delta U(x)$$
 (8.26, 8.25)

نظام کے اندر حسر کی رگڑی قوت کی موجود گی مسین مسین نظام کی حسری توانائی ہے۔ تبدیل ہو گی۔ (حسری توانائی نظام م مسین جوہر اور سالموں کی بلامنصوب حسر کت سے وابستہ ہے۔)الی صورت مسین نظام پر کسیا گسیا کام درج ذیل ہوگا۔

$$W = E_{\dot{i}\dot{k}} + \Delta E_{\smile} \tag{8.33}$$

ے تبدیلی سے  $\Delta E$  بیسرونی قوت سے پیداہٹاو کی متدر d اورر گڑی قوت کی متدر  $f_k$  پر مخصسر ہے۔

$$E_{\sim} = f_k d \tag{8.31}$$

### توانائی کی بقب

نظام کی ک**کل توانا کی** (جومیکانی توانائی اور اندرونی توانائیوں، بشمول حسری توانائی، کامحبموعیہ ہوگا) مسیں تبدیلی اسس توانائی کے برابر ہوگی جونظام سے باہریانظام کے اندر منتقتل کی حبئے۔ اسس تحب رباتی حقیقت کو **توانائی کی بقا** کہتے ہیں۔ نظام پر کسیاکام W ہونے کی صورت مسین ذیل ہوگا۔

$$W = \Delta E = E_{\dot{\beta} \xi_{\bullet}} + E_{\smile} + E_{\dot{\beta}_{\nu} \xi_{\uparrow}} \tag{8.35}$$

$$W=0$$
 کے لئے اسس سے  $W=0$ 

$$E_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathcal{L}}} + E_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathcal{J},\mathcal{J}}} = 0 \tag{8.36}$$

اور

$$E_{2,ijk,..} = E_{1,ijk,..} - \Delta E_{i,..,k} - \Delta E_{i,ijk,..}$$

$$(8.37)$$

حساصل ہوں گے، جہاں زیر نوشت، 1 اور 2 ، دو مختلف لمحسات ظاہر کرتی ہیں۔

#### ۱.۰.۱ طاقت

قوت کی بناطباقت، اسس توانائی کے انتصال کی مشیرے کو کہتے ہیں، جو قوت منتصل کرتی ہے۔ یوں  $\Delta t$  دورانپ مسیں اگر قوت اسس توت کی اوسط طباقت درج ذیل ہوگی۔

$$P_{\text{brgl}} = \frac{\Delta E}{\Delta t} \tag{8.40}$$

قوت کی لمحاتی طباقت زیل ہو گی۔

$$P = \frac{dE}{dt} \tag{8.41}$$

#### سوالا \_\_\_\_

سوال ۲۱: سشکل 18.8 مسیں افقی حسر کر تاہوا جم نقطہ دار اختامی ککسیسر تک تین بلار گزراستوں سے پہنچ سکتا ہے، جن مسیں فقط بلندی کا فنسر ق ہے۔ ان راہ کی در حب بسندی (۱) اختتامی ککسیسر پر جسم کی رفت ارکے لحساظ سے اور (ب) اختتامی ککسیسر تھے۔ ان راہ کھیں۔ تک جسم کے پہنچنے کے دورانیہ حسر کت کے لحساظ سے کریں؛ زیادہ قیت کا نتیجہ اول رکھیں۔

موال ۲۰۲: ایک ذرے کی مخفی توانائی تف عسل شکل 19.8 مسیں پیش ہے۔ (۱) ذرے پر قوت کی متدر کے لیے اظ ہے خطے مصل CD ، BC ، AB ، اور DE کی درجب بسندی کریں۔ زیادہ قیت کا نتیجب اول رکھسیں۔ (ب) بائیں مخفی توانائی کوال مسیں پھنٹس جب نے کے لئے ذرے کی میکانی توانائی بی ن کے کوس قیمت ہے تجب اوز کرنے کی احباز ہے نہیں؟ (ج) دائیں کوال مسیں پھنٹ کے لئے ہے۔ قیمت کسیا ہوگی؟ (د) دونوں کنووں مسیں حسر کرسٹے لیے کن نقطہ H ہے دائیں نکلنے کی صورت مسیں وہ قیمت کسیا ہوگی؟ جبزود کی صورت مسیں DE ، BC ، اور FG مسیں کے کسی خطے مسیں ذرے کی حسر کی توانائی (ہ) زیادہ وہ ایوادہ وہ کی گا

  $E_{i}$  پر  $E_{i}$  کے  $E_{i}$  کے اس ایک راہ پرجس پر منے بقائی  $E_{i}$  کے اس ایک کے اس ایک کے بولند میل کے اس ایک کے اس ایک کے اس ایک کے انہوں کے انہو

سوال ۲۰۳۰ ایک جم جم م m 8 بلندی سے بلار گزراہ پر رہاکی حب تا ہے (مشکل 21.8)۔ چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹی ہے جم پار کہ جسیں گر تا۔ (۱) وہ کو نمی پہلی چوٹی ہے جم پار کر جم کرنے سے متسام ہوگئ (ب) اسس چوٹی کوپار نہ کرنے کے بعد جم کی اگرے گا؟ جن چوٹیوں کو جم پار کر پاتا ہے، کسس چوٹی پر جم کی کرنے) مسرکز مائل قو۔ زیادہ ہے، کسس چوٹی پر اسس کی عسودی قو۔ کم سے کم ہوگئ؟

سوال ۲۰۵: ایک جیم بلارگڑ میلان پر A تا C حسر کت کرنے کے بعد افقی خطہ CD ہے گزر تا ہے، جہاں رگڑی قوت عمل پیسرا ہے۔ کیا جیم کی حسر کی توانائی(۱) خطہ AB، (ب) خطہ BC مسیں بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقال ہتی ہے؟ (و) کیاان خطوں مسین جیم کی میکانی توانائی بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقال ہتی ہے؟

سوال ۲۰: ایک بسیان کو، جو انتصابی سیاخ پر حپڑھ اہوا ہے، رس سے اوپر کھینچ جب تا ہے (مشکل 23a.8)۔ تنگ سوراخ کی بدولت یہ سیان کو، جو انتصابی سیان و سیان و در سین میں اراخ کی بدولت یہ سیان و سیان و سیان و در سین انتظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین فعت ہو، بند "کسیا گیا ہے: نظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین اصناف  $U_g$  کام کرتی ہو تھا ہم میں صناف کے اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟ مسین اصناف کے عمل اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟

موال 2.7: شکل 24.8 مسیں دکھایانظام موال ٢.٦ مسیں پیش نظام کی طسر ہے۔ یہاں ہسیان سے بندھی ری آئے۔ آپ نظام کی عدد سے تھنچتا ہے۔ یہاں بھی ہسیان و آپ تھی ہسیان مسیز پر رکھے جم کو دوسری ری کی مدد سے تھنچتا ہے۔ یہاں بھی ہسیان مسین لظام کو شکل 23b.8 مسیں پیش نظام کی طسر ہ تصور کریں۔ آپ نظام پر 200 کام کرتے ہیں۔ نظام جم پر 60 کام کرتا ہے۔ نظام کے اندرون مسیں حسر کی توانائی مسیں 130 اضافت، اور تحباذی توانائی مسیں 20 کی رونم ہوئی۔ (ا) شکل 23c.8 کی طسرز پر نظام کی توانائی کو "فعت رہ بند"کریں۔ (ب) نظام کے اندر حسری توانائی مسیں توانائی کو "فعت رہ بند"کریں۔ (ب) نظام کے اندر حسری توانائی مسیں توب یکی کتنی ہوئی۔ ()

حوال ۲۰۸: ایک جم مشکل 25.8 مسیں راہ پر جیلتے ہوئے h بلندی ہے از تا ہے۔ ماسوائے نحیلی افقی حصہ کے ، جس مسین جم D و نصلہ کرنے کے بعد رک حب تا ہے ، راہ بلار گڑ ہے۔ (۱) بلند h کم کرنے ہے جم D ہے زیادہ کم ، یا اسس کے برابر و نصلہ طے کرے گا؟ (ب) اسس کے بر تکس، جم کی کیت بڑھانے ہے جم D سے زیادہ کم ، یا اسس کے برابر و نصلہ طے کرے گا؟

سوال ۲۰: ایک جم میلان پر اتر تا ہے۔ سشکل 26.8 مسیں تین صور تیں پیشس کی گئی ہیں، جہاں میلان بلار گڑنہیں ہیں۔ سینوں صور توں مسیں جم ایک جتنی بلندی سے آغناز کرتے ہوئے حسر کرت کرتا ہے حتٰی کہ حسر کی رگڑی قوت اسے روک یا تھے۔ ان صور توں کی در حب بندی حسر توانائی مسیں اضاف کے لیے افزے کریں۔ زیادہ قیت اول رکھیں۔

سوال ۲.۱۰: تین گیند ایک بلندی اور ایک رفت ارسے چھینے جباتے ہیں (مشکل 27.8)۔ ایک گیند سیدھا اوپر پھیکا حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کیا حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کیا حباتا ہے۔ گیندوں کی در حب بندی، نقط دار لکے رپی پہنچ کر ان کی رفت ارکے لی ظے کریں۔ زیادہ قیمت اول رکھیں۔

سوال ۱۰۰۱: جب ایک ذرہ j نا اور j نا اور j نا اور i کے i اور j نا اور i کے i کرتا کے ایک بیش کام کرتی ہے۔ نقط i کے براہ راست i متقتل ہونے کی صورت میں ذریع i کت کام کرے گا؟

### مخفى توانائي

سوال ۲۰۱۲: ایک اسپرنگ جو 7.5 cm د بی حالت مسین 25 اکسپی مخفی توانائی ذخیسره کرتا ہو کامقیاسس کیک کساہو گا؟

 $m = 825 \,\mathrm{kg}$  سوال ۱۳.۱۳: پہلی چوٹی جس کی بلندی  $h = 42 \,\mathrm{m}$  کو سر کر کے ، بلار گز تفسر یکی گاڑی جس کی کیست B ، اور (ج) نقطہ B تک تک تحب اذبی توقت گاڑی پر کتت کام کرتی ہے ؟ نقطہ C پر گاڑی و زمین نظام کی تحب اذبی تخفی توانائی صف سراسیتے ہوئے اسس کی قیمت اسس وقت کے ہوگا جب گاڑی (د) نقطہ B اور (د) نقطہ B کی قیمت اسس وقت کے ہوگا جب افرائی مسین شیعہ وگاڑی (د) نقطہ B کی تقطہ کی بیات میں ہوگا ؟

 $L=0.452\,\mathrm{m}$  کی کست جس کی کست  $m=0.341\,\mathrm{kg}$  جب با کست ساخ جس کی کست کو انتصابی دائر مسیں جس کے ایک سر کے ساتھ باندھ ہوا ہے۔ ساخ کا دو سرا سر چول دار ہے، جو گسند کو انتصابی بالا معتام حسر کست کی احباز سے دیت ہے۔ ساخ کو افقی رکھ کر نینچ رخ اشنا دھکا دیا جب اتا ہے کہ گسند جھول کر انتصابی بالا معتام تک بیٹنگی پاتا ہے، جہاں اسس کی رفتار صنع ہوتی ہے۔ تحباذ بی قوت گسند پر استدائی نقطہ ہے (۱) نخیلے ترین نقطہ تک، است کام کرتی ہے ؟ ابتدائی نقطہ تک، الم بلند دائیں ہاتھ نقطہ تک سنت کام کرتی ہے ؟ ابتدائی نقطہ پر گسند دور مسین نظام کی تحباذ بی فقطہ تا توانائی صف راستے ہوئی، اس کی قیمت اس وقت کسے ہوگی جب گسند دائی ہوئی و تک بالا ترین نقطہ ، اور ابتدائی نقطہ کے ہم بلند دائیں ہاتھ نقطہ پر ہو؟ (ز) منسر ش کریں گسند کو اتنی ابتدائی و حکیل دی حبال دی حباتی ہے کہ سے بالاترین نقطہ پر غمیر صف روفتار سے پنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ سے بالاترین نقطہ پر غمیر صف روفتار سے پنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ سے بالاترین نقطہ پر غمیر صف روفتار سے پنچت ہے۔ کسیاس مصر تب نحیلے ترین نقطہ بی کے لی طاعب کے لی طاعب کی اور بی ہوگا؟

سوال ۲۰۱۱: نصف کروی برتن، جس کار داسس 22 cm ہے، کے کسنارہ ہے 2 g برون نی پرت پیسلنے دی حباتی ہے؟ ہے۔ پرت اور برتن کا تمساس بے رگڑ ہے۔ (ا) برتن کی تہہ تک اترتے ہوئے پرت پر تحباذبی مخفی توانائی کتناکام کرتی ہے؟ (ج) اگر یہ مخفی توانائی مسین اسس اترنے کے دوران کتنی تبدیلی رونم ہوگی؟ (ج) اگر یہ مخفی توانائی برتن کے کہ تہہ مسین صف ربی حب برتن کے کہنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (د) اسس کے بر تکسس، اگر برتن کے کہنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (د) اسس کے بر تکسس، اگر برتن کے کہنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟

سوال ۱۱. ۲: ایک پتلی سلاخ جس کی گیت و تابل نظر انداز اور لمب کی سے کی گیک سرچول دار ہے جو سائ کا کہ انداز اور لمب کی سے کہ کا کہ سرچول دار ہے جو سلاخ کو انتصابی دائرے مسیں حیکر کی اجبازت دیت ہے۔ سلاخ کے دوسرے سرک سے کھنے کر  $\vec{v}$  اجتدائی کی سے کا گلیند باندھ اگیا ہے۔ سلاخ کو ایک طسرون  $\vec{v}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{v}$  اور اور بیت کا گلیند باندھ اگرا ہے۔ سلاخ کو ایک طسرون  $\vec{v}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{v}$  اور انداز کی سے اور سے میں تب اور کی بیاد بی تو انداز کی میں تب اور گی کے اور رہا گلیند پر تتاکام کرتی ہو اور کی خوال میں نظام کی تجباذ بی مختی تو انائی مسیں تب ایل کی کے اور کی خوال میں کوئی تب اور گی جواب میں کوئی ایس کی قیمت نظام کی جواب میں اور گلی ہوگا ، کی ہوگا ، بیان میں کوئی تب کوئے ہو ا

موال ۱۰.۱۹: کھٹڑی چینان جس کی بلندی سے 12.5 ہے، کی چوٹی ہے افق کے ساتھ °41 اوپررخ 1 m s - 1 ابتدائی سستی رفت است کی رفت است کے ساتھ °41 اوپررخ 1.50 kg ابتدائی مسین تک پرواز کے دوران برون گوا پھیکا حباتا ہے۔ (۱) چینان کے سسر سے نیچ ہموار زمسین تک پرواز کے دوران گولا پر تحباذبی مخفی توانائی مسیں کنئی تتب کی روزن ہوتی ہوئے، اسس کی تجسنان کی چوٹی پر تحباذبی مخفی توانائی کی قیمت صف راستے ہوئے، اسس کی قیمت اسس وقت کیا ہوئے۔ اسس وقت کیا گوا جب گولا نیچ زمسین پر ہو؟

### ميكاني توانائي كي بقسا

سوال ۲۰۲۰: تغسر یکی گاڑی کی رفت ارسوال ۲۰۱۳ مسین (۱) نقط A پر، (ب) نقط B پر، اور (ج) نقط C پر کسیا ہو گا؟ (و) آخن مری پہاڑ، جس کو گاڑی سر کرنے سے متاص ہے، پر گاڑی کسس بلند تک جنج پائے گا؟ (و) گاڑی کی کمیت دگنی کرنے سے حب زوا تا حب زود کے جوابات کمیا ہوں گے؟ C

سوال ۲۰۲۱: (۱) ہاتھوں کو پینچ کر کتاب کی رفت ارسوال ۲۰۱۴ مسین کمیا ہو گی؟ (ب) کتاب کی کمیت و گئی کرنے سے یہ رفت ارکسیا ہو گی؟ (ب) کتاب کے برعکس، اگر کتاب نینچ چھین کی حبۓ، کمیا حب زوائے جواب مسین اضاف ہوگا، کی ہو گی، یااسس مسین کوئی تب یہ بوگی؟ گی، یااسس مسین کوئی تب یہ بلی نہیں ہوگی؟

سوال ۲۰۲۲: (۱) پرتن کی تہہ کو پینچ کر سوال ۲۰۱۲ مسیں بر صنانی پرت کی رفت ارکب ہوگی؟ (ب) پرت کی کمیت و گئی کرنے سے بیہ رفت ارکی ہوگی؟ (ج) اسس کے بر عکس، اگر پرت کو برتن کے ہمسراہ ابت دائی نینچ رفت اردی حبائے، کمیا حب نوواک جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، یا اسس مسیں کوئی تب دیلی نہیں ہوگی؟ سوال ۲۰۳۳: (۱) توانائی کے تراکیب، ناکہ باب 4 کے تراکیب، استعمال کرتے ہوئے سوال ۲۰۱۹ مسیں کھٹری چٹان کی چوٹی کے نے دفتار کیا ۔ نیچ رفت ارکیب کے نے کے رفت ارکیب کے نیچ رفت ارکیب کا مین پر پھنچ کر بوٹ کے رفت ارکیب ہوگی؟ (ج) کیسے کے 14 نیچ رکھنے سے رفت ارکیب ہوگی؟ ہوگی؟ کیسے 2.5 kg کرنے سے رفت ارکیب ہوگی؟

سوال ۱۲.۲۴: اسپرنگ بندوق ہے 9.0 چھسرا سیدھ اوپر مارا حباتا ہے۔ دیے اسپرنگ پر چھسرے کے معتام ہے 0.0 بہنچنے کے لئے اسپرنگ کو 0.0 دبانا ہوگا۔ (ا) چھسرا وزمسین نظام کی تجاذبی مختی توانائی مسیں چھسرے کے 0.0 صعود کے دوران کتی تبدیلی 0.0 ہوگی؟ (ب) چھسرا چھیکنے کے دوران اسپرنگ کی محتی محتی محتی محتی محتی محتی کے کہ محتی محتی کے کہنے کا مقیاس کی سے بھی کا محتی کے کہنے کا محتی کی کو کہنے کی کو کو کہنے کی کو کران کی کو کہنے کی کو کہنے کی کو کہنے کی کو کہنے کرنے کی کو کہنے کی کو کرنے کی کو کہنے کی کو کہنے کی کو کہنے کی کو کہنے کی کو کرنے کی کے کہنے کی کو کرنے کی کو کرنے کی کو کرنے کی کو کرنے کی کرنے کی کو کرنے کی کو کرنے کی کو کرنے کی کرنے کی کو کرنے کی کرنے کی کو کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کی کو کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کی کو کرنے کی کرنے کرنے کی کرنے کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کی کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کی کرنے کرنے کرنے کرنے کی کرنے کرن

سوال ۲۰۲۵: (۱) انتصابی بالا نقط تک صف رفت ارک ساتھ پنچنے کے لئے سوال ۲۰۱۵ مسیں گین د کی اہت دائی رفت ار کسیا ہوگی؟ ایک صورت مسیں گین د دائیں نقط پر اور (ج) اہت دائی معتام کے ہم بلن د دائیں نقط پر اور (ج) اہت دائی معتام کے ہم بلن د دائیں نقط پر کسیا ہوگی؟ (د) کسیا گین د کی کمیت د گئی کرنے سے حب زوا تا حب زوج کے جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، یاان مسیں کوئی سے دکی نہیں ہوگی؟
تب ملی نہیں ہوگی؟

وال ۲۰۲۷: ایک سل جس کی کیت  $700 \, \mathrm{g}$  ، انتصابی اسپرنگ جس کا مقیاس کی  $k = 400 \, \mathrm{Nm}^{-1}$  اور کیت و این  $h_0$  با بندی ہے ( ساکن حیالت ہے ) گرنے دیا جب تا ہے۔ سل اور اسپرنگ آپس میں جبڑ جب تے ہیں اور اسس وقت لحصاتی رکتے ہیں جب اسپرنگ 19.0 cm و جب کے درکئے تک ( ا) اسپرنگ پر سل کتناکام کرتا ہے اور ( ب ) سل پر اسپرنگ کتناد ہے گا؟  $h_0$  کی تیت کیا ہے ؟ ( د) سل کو  $h_0$  بلندی ہے دہا کرنے کی صورت میں اسپرنگ کتناد ہے گا؟

سوال ۲۰۲۸: سل پر سوال ۲۰۱۵ مسین نقط Q پر مصافی عمس ل پسیر اقوت کی ت در کا(۱) افقی حبز و اور (ب) انتصابی حب و کسی بول گی و کسی بات دی h سے رہا کرتی ہوگی اگر جم حیا ہے ہوں کہ سے گھسے رکی چوٹی پر راہ سے اشخے گئے۔ (راہ سے سل اس وقت الشخے گئے گی جب سل پر راہ کی عصودی قوت صف رہو۔)(و) ابت د ائی بلندی کی سعت گئے۔ (راہ سے مکر از سے 6 کر ایک نے چوٹی پر بھنے کر سال پر عصودی قوت کی ت در ترسیم کریں۔

سوال ۲۰۲۹: (۱) گیند کی رفت ارزیرین تر نقط پر سوال ۲۰۱۸ مسین کیا ہوگی؟ (ب) گیند کی کمیت بڑھانے سے کیا رفت اربڑھتی ہے، گھٹتی ہے، پات بریل نہیں ہوتی؟

سوال ۲٬۳۰: ایک پقسر جس کی کیت 8.00 kg ہے، اسپرنگ پر ساکن پڑا ہے (شکل 36.8)۔ اسپرنگ کوت اسپرنگ کوت اسپرنگ کوت ک پقسر 10.0 cm رہاتا ہے۔ (۱) اسپرنگ کامقیاس کیک کیپ جائے۔

motorway escaperamp

حباتا ہے۔ رہا کرنے سے قب ل دیا اسپر نگ کی گئی تو انائی کسیا ہو گی؟ (ج) نقط رہائی سے بلند تر نقط پہنچ کر پتھ رو زمسین نظام کی تحباذ بی مخفی تو انائی مسیس کتنی تب یہ یلی رونس ہو گی؟ (د) نقط رہائی سے یہ بلند تر نقط کم نتی اونحپ ٹی پرہے؟

موال ۲۰۳۱: وتائل نظر انداز کمیت کے m 4.0 m بجو دھاگے کے ساتھ 2.0 kg پتھر باندھ کر ایک روتاس مسل کیا جباتا ہے۔ درایاس کی رفتار اسس کی دوران دوسے کیا دوسے ناوہ کتنازاویہ بنائے گا؟ (ج) اگر پتھر کے زیریں تر نقط پر رفتاس وزمین نظام کی کل میکانی توانائی کے اور کا میکانی توانائی کے اور کا میکانی توانائی کے اور کا میکانی توانائی کے اور کیا کی میکانی توانائی کے دور کا کی میکانی توانائی کے دور کا میکانی کا میکانی کا میکانی کی دور کا میکانی کا میکانی کا میکانی کی میکانی کا میکانی کا میکانی توانائی کے دور کا میکانی کو کا میکانی کو کا میکانی کا میکانی کا میکانی کا میکانی کی میکانی کی میکانی کو کا میکانی کا میکانی کو کا میکانی کو کا میکانی کا میکانی کا میکانی کو کا میکانی کا کو کا میکانی کو کا کی کا میکانی کا کو کان کیکانی کو کا کی کا کو کان کیکانی کا کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کیکانی کان کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کو کان کیکانی کو کان کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کو کان کو کان کو کان کیکانی کو کان کیکانی کو کان کو کان کو کان کو کان کو کان کو کان کیکانی کو کان کو کان

سوال ۲۰۳۳: ایک سسکی بازجس کی کیت  $60 \, \mathrm{kg}$  ب کن حسالت سے سسکی ایجیال میلان کے اختتام سے  $H = 20 \, \mathrm{m}$  باز بر سال نظر ہے آغذار کے (شفکل 37.8) زاوی و  $\theta = 20 \, \mathrm{m}$  پر میلان بھوڑ تا ہے۔ ہوائی رگز نظر انداز کریں اور میلان بلار گز تصور کریں۔ (۱) میلان کے اختتام سے کتنی زیادہ سے زیادہ بلندی  $\theta$  تک سے پنچے گا؟ (ب) اگر سسکی باز سامان اٹھ کر روانا ہو، کسل کی قیت مسین اضاف ہوگا، کی ہوگی، باوی رہے گی؟

سوال ۲.۳۳: ایک دهاگاجس کی لمب کی مسب کی الله این این الله این ال

سوال ۲۳۳: لحب  $\vec{v}=(18\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{i}+(24\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{j}$  سوال ۱.0 kg پر t=0 با تا جاری از ادات گرنات سور کریں)؟ مواناکی حب تا جا جا گرنات ور کریں)؟

موال ۲۰۳۸: کھٹڑی چٹان سے 688 N وزن کا مخص 18 m کمی ری سے جھولت ہے (مشکل 40.8)۔ چٹان کی چوٹی سے زیریں ترین نقطہ تک نفیب 3.2 سے دری اسس وقت ٹوٹے گی جب اسس کو 950 N سے زیادہ قوت کھنچے۔(۱)

کے ارس ٹوٹے گی؟ (ب)رس نے ٹوٹے کی صورت مسین نشیب کے دوران رسی پر زیادہ سے زیادہ قوت کتی ہو گی؟ رسی ٹوٹے کی صورت مسین، ٹوٹے وقت رسی انقصاب کے ساتھ کسس زاویے پر ہو گی؟

سوال ۲۰۳۹: ہوائی بندوق مسین نصب اسپرنگ شنگل 41a.8 پر پورااتر تا ہے؛ جو توت بالقابل اسپرنگ کا دا ب یا دراضی دیت ہے۔ اسپرنگ کو 5.5 cm با کو 3.8 پھسرا بندوق سے ماراحباتا ہے۔ (ا) اگر چھسرا اسس کھے رہا ہو جب اسپرنگ اپنے ڈھیلے حیالت کو پہنچہ، چھسرے کی رفت ار اسس کھے کیا ہوگی؟ (ب) اسس کے بر تکسس، تصور کریں چھسرا اسپرنگ کو کھنچ کر سے 1.5 مسار نے کے بعد اسس سے علیحہ وہ وتا ہے؟ جسرے کی رفت ار اسس کے کہا ہوگا جب یہ اسپرنگ سے علیحہ وہ وتا ہے؟

 $- 12 \, \text{kg}
 - 12 \, \text{kg}
 - 10 \, \text{kg}$ 

سوال ۲.۲۱: بلار گر میلان جس کازاوی  $\theta = 40^\circ$  بررکس  $\theta = 2.0$  و بررکس  $\theta = 40^\circ$  بررکس و بررگ و براکس و برگ و براگ و بررگ و براگ و بررگ و برگ و ب

## با\_\_\_با

# مبر کز کمیت اور خطی معیار حسر کت

# ا. ٣ ایک بُعد مسیں کی تصادم

حسر کی توانائی کی بقب درج ذیل لکھی حبائے گی۔

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2$$

ان ہمنزاد مساوات کو  $v_{1f}$  اور  $v_{2f}$  کے لئے حسل کرنے کی حضاط ہم مساوات  $v_{1f}$  کو

$$(r.r)$$
  $m_1(v_{1i}-v_{1f})=-m_2(v_{2i}-v_{2f})$ 

اور مساوات استادرج ذیل صورت مسیں لکھتے ہیں۔

$$(r.r) m_1(v_{1i} - v_{1f})(v_{1i} + v_{1f}) = -m_2(v_{2i} - v_{2f})(v_{2i} + v_{2f})$$

مساوات ٣٠٣ كومساوات ٣٠٢ سي تقسيم كركے كچھ الجبراكے بعب درج ذيل حساصل ہوں گے۔

$$v_{1f} = rac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i} + rac{2m_2}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

اور

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

یادرہے، زیر نوشت 1 اور 2 کسی حناص ترتیب سے مختص نہیں کیے گئے۔مساوات 19.9 مسیں اور مساوات ۳.۴ اور مساوات ۳.۵مسیں ان زیر نوشت کو آپ س مسیں بدل کر کھنے مساوات کی وہی جوڑی ملتی ہے۔اسس پر مجھی توجب ویں کہ  $v_{2i}=0$  کے سینے ہے، مشکل 18.9 مسیں جسم 2 ساکن ہدف ہوگا، اور مساوات ۳.۵ اور مساوات 67.9 ہمیں بالت مرتب مساوات 66.9 اور مساوات 68.9 ویق ہیں۔

آزمائشس ا

 $2 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$  اور  $3 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$ 

### كليدي تصورات

چونکہ ہم تعبادم لحپکدار تصور کرتے ہیں لہذامیکانی توانائی کی بقب ہوگی (یوں ٹکر کی آواز، گرمی،اور ارتعب سٹس کی بدولت توانائی کا ضیاع نظسر انداز کسیا حب اتا ہے)۔ کوئی ہیسرونی افقی قوت سلوں پر عمسل نہیں کرتی لہذا محور x پر خطی معیار حسر کسے کی بقب ہوگی۔ان دووجو ہاسے کی ہن پر ہم دونوں تصادم پر مساوات 67.9اور مساوات 68.9کا اطسان کر سے ہیں۔

حماج پہلے تصادم سے آغناز کرتے ہوئے ہمیں اتنے زیادہ نامعلوم متغیبرات ہے واسطہ ہوگا کہ آگے بڑھنامشکل ہوگا: ہم سلوں کی کمیت اور اختامی سمتی رفت ارنہ میں حبائے۔ آئیں پہلے تصادم سے آغناز کریں، جس مسیں سل 3 کے ساتھ نگرانے کے بعد سل 2 رکتی ہے۔ مساوات 67.9 کااطہاق اس تصادم پر کرتے ہیں جہاں ترقیم تبدیل کرتے ہوئے ، توب میں۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$v_{2f} = \frac{m_2 - m_3}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

 $v_{2f}=0$  والمسل مورج والمرابع من المسل الموادد  $m_3=6.0\,\mathrm{kg}$  والمرورج والمرابع المسل الموادد المسل الموادد والمرابع المسل الموادد المسلم

$$m_2 = m_3 = 6.0 \,\mathrm{kg} \qquad \qquad (\text{...} \,\mathrm{i} \,\mathrm{s})$$

ای طسرح ترقیم تب دیل کرے دوسرے تصادم کے لئے مساوات 68.9 لکھتے ہیں

$$v_{3f} = \frac{2m_2}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

 $v_{3f} = v_{3f}$  جبال  $v_{3f} = m_3$  النتای مستی رفت ارہے۔ اس مسیں  $v_{3f} = m_3$  النے کے بعد  $v_{3f} = v_{3f}$  النہ کے بعد  $v_{3f} = v_{3f}$  النہ کہ اس موگا۔

$$v_{2i} = v_{3f} = 5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}}$$

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$
$$5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$$

جو ذیل دیگا۔

$$m_1 = \frac{1}{3}m_2 = \frac{1}{3}(6.0 \,\text{kg}) = 2.0 \,\text{kg}$$

سے متیب اور دی گئی  $v_{1i}$  استعال کرتے ہوئے بہلے تصادم پر مساوات 67.9 کااطباق کرکے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

$$= \frac{\frac{1}{3}m_2 - m_2}{\frac{1}{3}m_2 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}}) = -5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} \qquad (...)$$

П

# ۳.۲ دوابعاد مسین تصادم

#### ہو• باصر پر

اس حصہ کو پڑھنے کے بعبد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

حبد انظام کے لئے جس مسین دو بُعدی تصادم واقع ہو، ہر ایک محور پر معیار حسر کت کی بقسا کا اطال آن کرتے ہوئے، تصادم کے بُعد مُحور پر معیار حسر کت کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قب ل معیار حسر کت کے احب زاء کے ساتھ رہشتہ حبان سکیں۔

حبد انظام کے لئے جس مسیں دو بُعدی کی تصادم واقع ہو، (۱)، ہر ایک محور پر معیار حسر کس کی بقسا کا اطلاق کرتے ہوئ ہوئے، تصادم کے بعد محور پر معیار حسر کس کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قبل معیار حسر کس کے احب زاء کا سے تع ساتھ رشتہ حبان سکیں اور (ب) کل حسر کی توانائی کی بقسا کا اطلاق کر کے تصادم سے قبل اور تصادم کے بعد حسر کی توانائیوں کارشتہ حبان سکیں۔

## كلي دى تصور

اگر دو جہم مکرائیں اور ان کی حسر کت ایک محور پر نہ ہو (تصادم آمنے سامنے سے نہیں ہے)، تصادم دو بُعدی ہو گا۔ اگر دو جسمی نظام ہنداور حبد اہو، تصادم پر معیار حسر کت کی بقب کے متانون کااطباق ہو گالہذا درج ہو گا۔

$$\vec{P}_{1i} + \vec{P}_{2i} = \vec{P}_{1f} + \vec{P}_{2f}$$

یہ وتانون احسنراء کی صورت مسیں دومساوات (ہر بُعد کے لئے ایک مساوات) دیگا ہو تصادم کو ہیان کرتی ہیں۔ اگر تصادم کمپ کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تصادم کے دوران حسر کی توانائی کی بقت (ذیل) تیسری مساوات دگی۔

$$K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

# دو بُعد مسين تصادم

جب دواجسام کاتصادم ہو،اجسام کس رخ حسرکت کرتے ہیں،اسس کاتعسین ان کے چھٹر ب (جیمئا) کرتی ہے۔ بالخصوص، جب تصادم آنے سامنے سے سنہ ہو، اجسام اپنے اپنے ابت دائی محور پر نہسیں رہتے۔ ایسے دو بُعدی تصادم مسیں جو بسند، اور حبد انظام مسین واقع ہو، کل خطی معیار حسرکت کی بقساہوگی۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r})$$
  $ec{P}_{1i}+ec{P}_{2i}=ec{P}_{1f}+ec{P}_{2f}$ 

اگر تصده م کیچ کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تب کل حسر کی توانائی کی بقت بھی ہو گا۔

$$(r.2) K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

دو بُعدی تصادم کا تحبنری کرنے کے لئے مساوات ۲۰۳۷ میں ۱۳۷۸ محمد دی نظام کے احب زاء کی صورت مسیں لکھنازیادہ مفید ثابت ہوتا ہے۔ مشال کے طور پر، شکل 21.9مسیں ساکن ہون کو گوالا بغسلی (آمنے سامنے سے نہیں) ککراتا ہے۔ ان کے فیخ ضرب، اجسام کو محور ۱۲، جسس پر گولا ابت دائی طور حسر کت مسیں تھتا، کے لحاظ سے 10 اور 62 زاویوں پر جیجتی ہے۔ یہساں ہم مساوات ۲۰۳ کو محور ۱۲ کے ہمسراہ ذیل

$$(r.\Lambda)$$
  $m_1 v_{1i} = m_1 v_{1f} \cos \theta_1 + m_2 v_{2f} \cos \theta_2$ 

اور محور لا کے ہمسراہ ذیل لکھیں گے۔

$$(r.4) 0 = -m_1 v_{1f} \sin \theta_1 + m_2 v_{2f} \sin \theta_2$$

ہم مساوات 2.4 کو (اسس خصوصی صورت کے لئے )رفت ارکے رویہ مسیں لکھ کتے ہیں۔

$$(r.1\bullet) \qquad \qquad \frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2 \qquad \qquad (\acute{5})$$

مساوات ۳.۸ تامساوات ۱۳۰۰ مسین سات متغییر مین: دو کمیت،  $m_1$  اور  $m_2$  ؛ تین رفتار،  $v_{1i}$  ، اور  $v_{2f}$  ، اور  $v_{2f}$  ؛ اور دو زاویے ،  $v_{2f}$  اور  $v_{2f}$  اور دو زاویے ،  $v_{2f}$  اور کے مساوم کے حباسے ہیں۔

نمونی سوال ۳.۳: منسرض کریں شکل 21.9 مسیں گولے کا ابت دائی معیار حسر کت  $6 \, \mathrm{kg \, m \, s^{-1}}$  ، جبکہ اختا کی معیار حسر کت کا y حسبزو  $4 \, \mathrm{kg \, m \, s^{-1}}$  ور اختا کی معیار حسر کت کا y حسبزو y کے جبر اور (ب) اختا کی معیار حسر ک کا y حسبزو اور کیا ہوں گے ؟

# ٣,٣ تغير كميت كانظام: هوائي بان

#### معتاصيد

اس حسہ کوپڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ہوائی بالن ای پہلی مساوات استعال کرتے ہوائی بان کی کیے۔ مسین کمی کی ششرح، ہوائی بان کے لحاظ سے خرچ مادے کی اصفاق رفت از ، ہوائی بان کی کیے۔ اور ہوائی بان کی اسسراع کارشند حبان یائیں گے۔

ہوائی بان کی دوسسری مساوات استعال کر کے حسرج مادے کی اضافی رفتار کے لیے اظرے ہوائی بان کی رفت ار، اور ہوائی بان کی است دائی اور اختتامی کیست کار مشتہ حبان یائیں گے۔

ایک ایس حسرکت پذیر نظام جس کی کیت دی گئی مشرح سے تبدیل ہوتی ہو کے لئے اسس مشرح اور معیار حسرکت مسین تبدیل کارشتہ حبان یائیں گے۔

### كليدى تصورات

ہیں۔ ونی قو توں کی غنیسر موجود گی مسیں ہوائی بان درج ذیل لمحیاتی ششرح سے اسسراع پذیر ہوگا،

$$Rv_{i,j}$$
ان کی پہلی مساوات  $Ma$ 

جباں M ہوائی بان کی لمحاتی کمیت (بشمول عنیہ استعال شدہ ایندھن)، R ایندھن کے استعال کی سشرح، اور ا<sub>ان ن</sub> ک ہوائی بان کم کاف کا ہے۔ استعال کی سشرح، اور ا<sub>ان ن</sub> کا ہوائی بان المجن کا دھا ہے۔

متقل R اور رہن  $v_i$  کی صورت مسیں اگر ہوائی بان کی رفت اد  $v_i$  سے تبدیل ہو کر  $v_j$  ہو حبائے، اور کمیت  $M_i$  سے تبدیل ہو کر  $M_i$  ہو حبائے تب درج ذیل ہوگا۔

$$v_f - v_i = v_{i}$$
ار این کی دوسسری مساوات ) است نی $\frac{M_i}{M_f}$ 

rocket exhaust

# متغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

اب تک ہم مضرض کرتے رہے ہیں کہ نظام کی کل کیت اٹل ہے۔ بعض اوت ہم مضلاً ہوائی بان مسیں، ایس نہیں ہو گا۔ اثران سے قبل چوترہ روائگی "پر کھٹڑے ہوائی بان کی زیادہ ترکیت دراصل این دھن ہوگی، جو آحضر کار جبل کر ہوائی بان کے اثران سے قبل چوترہ روائگی متنجے کی حضاطر نیوٹن کے انجون کی ٹونٹر سے دھویں کی مشکل مسیں حضارتی ہوگا۔ اسراع پذیر ہوائی بان کی متنجے کہ مشکل مسیں حضارتی ہوئے کیا حباتا دوسرے و اعمال کا اطلاق، صرف ہوائی بان کی بحبے، ہوائی بان اور حضارتی مواد دونوں کو اکھا لیتے ہوئے کیا حباتا ہے۔ ہوائی بان کی اسراع کے دوران اس نظام کی کیت تبدیل نہیں ہوگی۔

# اسسراع کی تلاسش

فسنسرض کریں ہم جودی حوالہ چھوکٹ کے لیے ظریب سے کن بیٹھے فعنائے ماورا مسیں، جب کوئی تحباذبی یا ہوائی کی رگڑی تو۔۔۔ موجود نہیں، ہوائی بان کو اسسراع کر تادیکے رہے ہیں۔ اسس یہ بعدی حسر کست کے لئے ہم ، افتیاری لحسہ t پر ، ہوائی بان کی کمیت M اور سستی رفت اور v فسنسرض کرتے ہیں (مشکل 22a.9)۔

سٹکل 22b.9 وقتی دورانیہ dt کے بعد صورت حسال پیش کرتی ہے۔ ہوائی بان کی سمتی رفت اور کمیت v+dv اور کمیت میں تبدیلی dM منٹی منت دار ہے۔ وقنت dM کی دوران ہوائی بان سے حسنسری مواد کی کمیت dM اور جمود کی حوالہ چھو کہ نے کے لی ظرے مواد کی سمتی رفت الdM ہے۔

# معسار حسر کت کی بقساہو گی

ہمارا نظام ہوائی بان اور وقعنہ dt مسیں حضرج مواد پر مشتل ہے۔ نظام سند اور حبداہے البذا وقعنہ dt کے دوران نظام کی خطی معیار حسر کیت کی بقسالاز می ہے۔ یول ذیل ہو گا

$$(r.ii)$$
  $P_i = P_f$ 

جباں زیر نوشت i اور f بالت رتیب و قف dt کے آغناز میں اور اسس کے اختتام پر قیمتیں ظاہر کرتی ہیں۔ مب وات i الi کرتی ہیں۔ مب وات i الi کرتی ہیں۔ مب وات i کرتی ہیں۔ مب وات ال

$$(r.r) \hspace{3cm} Mv = -\operatorname{d}\!M\,U + (M+\operatorname{d}\!M)(v+\operatorname{d}\!v)$$

 $\mathrm{d}t$  جہاں دائیں ہاتھ پہلا حبزو وقف میں دوران حسارج کر دہ مواد کا خطی معیار حسر کسے اور دوسسرا حبزو وقف کے دوران حسارج کردہ مواد کا خطی معیار حسر کت ہے۔

launchingpad<sup>r</sup> nozzle<sup>r</sup> deepspace<sup>2</sup>

### اصنافي رفت اركااستعال

مساوات ۳.۱۲ کی سادہ صورت ہوائی بان اور حضرج مواد کے نتج اضافی رفت ار استعال کرکے حساصل کی حسا سستی ہے۔اضافی رفت اراور چھوکٹ کے لحیاظ سے سستی رفت اروں کے نتج درج ذیل تعساق بایا جساتا ہے۔

$$(v+\mathrm{d}v)=v$$
انے فی  $+U$  (۳.۱۳)  $U=v+\mathrm{d}v-v$ انے فی نوب

اسس نتیب کومب وات ۳.۱۲ مسین U کی جگب ڈال کر کچھ الجبرائے بعب ذیل حساسل ہوگا۔

$$-dMv_{ij} = Mdv$$

دونوں اطسران طt سے تقسیم کرتے ہیں۔

$$(r.$$
اه) 
$$-\frac{\mathrm{d}M}{\mathrm{d}t}v_{i}$$
انتن $=M\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$ 

جم dM/dt (جو ہوائی بان کی کمیت مسیں کی کی شرح ہے) کو  $R-\overline{\mathcal{W}}$  ہیں، جب ال R ایت دھن جلنے کی (شبت) سشرح ہے، اور dv/dt ہوائی بان کی اسسرا ع ہے۔ ان سبدیلیوں کے ساتھ مساوات ۱۵ سازیل روپ اختیار کرتی ہے۔

$$(r.17)$$
  $Rv_{i-1} = Ma$   $(r.17)$   $Rv_{i-1}$ 

ہر لمحے پر معت دیر کی قیمتیں مساوات ۱۲. ۳مطمئن کرتی ہیں۔

مساوات ۱۱. سکایایاں ہاتھ قوت کا اُبعد  $kg s^{-1} \cdot m s^{-1} = kg \cdot m s^{-2} = N$ ) رکھتا ہے اور مِیر ن ہوائی ہان کی ہنداوٹ پر مخصور ہے: یعنی مشرح کی ہیں ہور تا ہے۔ اور او انسانی v پر مخصور ہے: یعنی مشرح کی بین ہور تا ہے۔ ہم اس حبز و انسانی R کو ہوائی ہان کی قوتے و ھکیل V کہتے اور V جس سے سے کیسے ہوائی ہان کے حضار تی کی حباتی ہے۔ ہم اس حبز و انسانی V کو ہوائی ہان کی قوتے و ھکیل V کہتے اور V کے ظلم کرتے ہیں۔ مساوات ۱۱ ساکو V کے اس کا اس المحے پر جب ال اس المحے پر جب ہوائی ہان کی کمیت V ہے۔ اس کی اسراع V ہے۔

# مستى رفت اركى تلاسش

ہم حبانت حیاہتے ہیں کہ جیسے جیسے ہوائی بان ایت دھن صَرف کرتا ہے اسس کی سستی رفت ارکیسے تب دیل ہو گی۔ مساوات ۱۲ سوزیل کہتی ہے۔

$$\mathrm{d}v = -v$$
نٽن  $\frac{\mathrm{d}M}{M}$ 

thrust

اسس کے تکمل

$$\int_{v_i}^{v_f} \mathrm{d}v = -v$$
نـنی  $\int_{M_i}^{M_f} \frac{\mathrm{d}M}{M}$ 

مسیں  $M_i$  ہوائی بان کی اہت دائی کیت اور  $M_f$  اختتامی کیت ہے۔ تممل کینے سے ذیل مسل ہوگا

$$(r.$$
اح)  $v_f-v_i=v_{i}$ ان کی دو سری ساوات  $\ln \frac{M_i}{M_f}$  انسان کی دو سری ساوات ا

جو ہوائی بان کی کیت  $M_i$  ہے گئے کر  $M_f$  ہونے کی صورت مسیں ہوائی بان کی رفت ار مسیں اضاف دیت ہے۔  $M_i$  مساوات ۱۱ مسیں عملامت  $M_i$  قدر آتی لوگارتھم منظ ہر کرتی ہے۔) ہم یہاں کثیرالمراحل مہوائی بان کی اون دیت جبان سکتے ہیں جو ایت دھن جستم ہونے پر حسالی ٹیسٹ کی سے چھٹکارا حساصل کر کے  $M_f$  گھٹا تا ہے۔ مشالی ہوائی بان مطاوب معتام پر صورت ضروری سازو سامان کے ساتھ پنچے گا۔

# كلي دى تصور

حساب: يون درج ذيل هو گاـ

$$T = Rv_{\text{i.i.}} = (2.3 \,\text{kg s}^{-1})(2800 \,\text{m s}^{-1})$$
  
= 6440 N \approx 6400 N (...)\$

(ب) ہوائی بان کی ابت دائی اسسراع کیا ہوگی؟

### كلب دى تصور

ہم ہوائی بان کی قوت دھکیل T اور اسس کی اسسراع کی تشدر a کار شتہ a جو انی بان کی توب a ہوائی بان کی گیت ہے۔ کین، جہاں a ہوائی بان کی گیت ہے۔ ہمیں ابت دائی اسسراع در کار ہے لہاندا a ہم ہوائی بان کی ابت دائی کیت a کی a کی گیت ہم ہوائی بان کی ابت دائی کیت a کی گیس گے۔

naturallogarithm<sup>2</sup> multistage<sup>A</sup>

حاب: ان معلومات سے ذیل حساصل ہوگا۔

سطح زمسین سے سیدھ اوپر اڑان کے لئے ضروری ہے کہ ابت دائی اسسراع  $g=9.8 \,\mathrm{m\,s^{-2}}$  سین سے دیادہ ہو۔ بعنی ، ابت دائی اسسراع کو سطح زمسین پر تحب ذبی اسسراع سے زیادہ ہونا ہو گا۔ دوسسر سے لفظوں مسین ، ہوائی بان پر ابت دائی تحب ذبی تو ہے ، جسس کی عب در  $M_{ig}$  ہے

$$(850 \, \text{kg})(9.8 \, \text{m s}^{-2}) = 8330 \, \text{N}$$

ے تو ہے۔ دھکیل T کازیادہ ہونالازی ہے، ور نہ ہوائی بان زمسین سے اٹھنے کے وت بل نہمیں ہوگا۔ چونکہ اسس ہوائی بان کی قوت دھکیل (جو یہاں T کازیادہ طور ہوائی ہونگی بان اڑ نہمیں پائے گا: یہاں زیادہ طور ہوائی بان کی ضرور ہے۔ بان کی ضرور ہے۔ T

# نظسر ثانی اور حنلاص

# مركزكيت

ایک نظام جو 11 ذرات پر مشتمل ہو کے مسر کز کمیت کی تعسریف وہ نقطہ ہے جس کے محد د درج ذیل ہوں۔

 $-\sum_{i=1}^{n} m_{i}$  ہے۔ M نظام کی کل کمیت M کا کست کے ہے۔

$$\vec{r}_{\underline{\phantom{a}}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_i \vec{r}_i$$

### نیوٹن کادوسسرافتانون برائے ذراسے کانظام

ایک نظام، جو ذرات پر مشتل ہو، کے مسر کز کیت کی حسر کت نیوٹن کے دوسرے قانون برائے ذراھے پر مثملی نظام کے تحت ہوگی، جو ذیل کہتا ہے۔

(9.18) 
$$\vec{F}_{ij} = M\vec{a}_{ij} = M\vec{a}_{ij}$$

یہاں نظام پر لاگو تمام ہیں۔ وفی تو تیں مسل کر صافی تو ت جے۔ کی اسسرائ سے مسرکز میں۔ نظام کی کل کمیت M ، اور نظام کے مسرکز کمیت کی اسسرائ سے زئیہ نے  $\vec{a}$  ہے۔

# خطی معیار حسر کت اور نیوٹن کادوسسرات انون

تنب ذرے کے لئے، مقدار  $\vec{p}$  متعدار فی معیار حرکھے کہا تاہے اور جس کی تعسریف ذیل ہے،

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

ہم نیوٹن کا دوسسراف انون اسس معیار حسر کے کی صورت مسیں لکھ کتے ہیں۔

(9.rm) 
$$ec{F}_{\dot{\mathfrak{U}}} = rac{\mathrm{d}ec{p}}{\mathrm{d}t}$$

ذرات پر مشتل نظام کے لئے مذکورہ بالا دو تعساق ذیل کھا حبائیں گے۔

(9.72.9.73) 
$$\vec{F}_{ij} = \frac{d\vec{P}}{dt} \quad \text{if} \quad \vec{P} = M\vec{v}_{ij}$$

### تصادم اور ضرب

تصادم مسین ملوث ذرہ نماجیم پر معیار حسر کت کے روپ مسین نیوٹن کے دوسسرے متانون کااط الق ضرب و خطر معیار حرکت کا مسئلہ دیگا:

(9.5° 
$$ec{p}_f - ec{p}_i = \Delta ec{p} = ec{J}$$

جباں جم کے نظی معیار سرکت مسین تبدیلی  $\vec{p}_f - \vec{p}_i = \Delta \vec{p}$  ہے، اور طرب  $\vec{f}$  وہ قوت  $\vec{f}$  ہے جو تصادم کے دوران دوسر اجم اس (پہلے جم ) پر لاگو کرتا ہے۔

(9.5%) 
$$\vec{J} = \int_{t_i}^{t_f} \vec{F}(t) \, \mathrm{d}t$$

اگر تصدم کادورانیہ  $\Delta t$  اور اس دوران  $\vec{F}(t)$  کی اوسط قیمت اور اجF ہوتب یک بُعدی حسر کت کے لئے ذیل ہوگا۔

$$J = F_{\text{best}} \Delta t$$

س کن جم پر کمیت m کے ذرے، جن کی رفتار ت ہے، برسس کر ذیل اوسط قوت پسید اگرتے ہیں

$$F_{\text{bis}} = -\frac{n}{\Lambda t} \Delta p = -\frac{n}{\Lambda t} m \Delta v$$

جہاں ساکن جم سے ذروں کے تصادم کی سشرح  $n/\Delta t$  ، اور ہر ایک درے کی رفت ار مسیں سبدیلی  $\Delta v$  ہے (جم ساکن رہت ہے)۔ بیاد اوسط قوت ذیل بھی لکھی حب سسکتی ہے

$$F_{\text{bost}} = -\frac{\Delta M}{\Delta t} \Delta v$$

جباں  $\Delta M/\Delta t$  وہ مشرح ہے جس سے کمیت ساکن جم سے نگراتی ہے۔ درج بالا دومساوات مسیں اگر ذرے تصادم کے بعت درکے جب کے بعض میں میں تب دیلی کے بغیر واپس کے بعض میں تب دیلی کے بغیر واپس کو بیس کے بعض کر منازم میں تب دیلی کے بغیر واپس کو کئی تب  $\Delta v = -2v$  ہوگا۔

# خطی معیار حسر کت کی بقب

حبد انظام پر بسیہ رونی قوت عمسل نہیں کرتی، اہلیذااسس نظام کا خطی معیار حسر کت تب دیل نہیں ہو گا۔

$$ec{P}=ec{P}$$
 (۹.۲۲) (بند، حبدانظام)

اسس کوذیل بھی لکھ کتے ہیں جہاں زیر نوشت کسی ابت دائی لحب اور اختتا می لحب کوظ اہر کرتی ہیں۔

$$(\mathfrak{q}. r r)$$
  $ec{P}_i = ec{P}_f$   $(بند، جبدانظ م)$ 

مذكورہ بالادونوں مساوات خطم معیار حركھ کی بقا كوبيان كرتى ہیں۔

# ايك بُعد مسين غني ركپ كي تصادم

دواجب م کی غیب رکیجی تصادم مسیں دو جسمی نظام کی حسر کی توانائی کی بقب نہیں ہوگی (حسر کی توانائی مستقل نہیں ہوگی)۔ اگر نظام سے کل خطی معیار حسر کت کی بقب الازما ہوگی (یہ مستقل ہوگا)، جس کو سمتی روپ مسین ذیل کھی جب سکتا ہے، جب ل زیر نوشت i اور j بالت رتیب تصادم سے عسین قبل اور اسس کے عسین بعب لمحیات ظاہر کرتی ہیں۔

$$\vec{p}_{1i} + \vec{p}_{2i} = \vec{p}_{1f} + \vec{p}_{2f}$$

ذروں کی حسر کت ایک محور پر ہونے کی صورت مسیں تصادم یک بُعدی ہو گااور ہم مذکورہ بالامساوات کو محور کے ہمسراہ سستی رفت اراحب زاء کی صورت مسین ذیل لکھ کتے ہیں۔

$$(9.2) m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

اگر دوجهم آلپس مسیں چپک حب نئیں، تصادم تکمسل غیبر کیسی ہو گااور دونوں اجسام کی اختتا می سنتی رفت او V ہو گی (کیونکہ ہے۔ آلپس مسین حبٹرے ہیں)۔

### مسر کز کمیت کی حسر کت

دومتصادم اجسام کے بسند، حبدانظ ام کے مسر کز کمیت پر تصادم اثر انداز نہسیں ہو گا۔ بالخصوص، مسر کز کمیت کی سستی رفت ار <sub>سر کز کست</sub> تن کو تصادم تب دیل نہسیں کر تا۔

# ایک بُعد میں کی تصادم

کی تعدد م ایک حناص قتم کا تعدد م ہے جس مسیں متصدم اجسام کے نظام کی حسر کی توانائی برفت رار رہتی ہے۔اگر نظام ہن نظام ہند اور حبد ابھی ہو، اسس کا خطی معیار حسر کت بھی برفت رار رہے گا۔ یک بُعدی تعدد م کے لئے، جس مسیں جسم 2 ہرف اور جسم 1 گولاہے، حسر کی توانائی اور خطی معیار حسر کت کی بقب، تعداد م کے عسین بعد سسمتی رفت ارول کے لئے درج ذیل مساوات دیتی ہیں۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

(9.4A) 
$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

### دوابعهاد مسين تصادم

اگر دو جہم یوں ککرائیں کہ ان کی حسر کت ایک ہی محور پر نہ ہو (ککر آننے سے نہیں)، تصادم دو بُعدی ہو گا۔اگر دو جسمی نظام ہنداور حبداہو، معیار حسر کت کی بقب کے متانون کااطباق تصادم پر ہو گاجو ذیل ککھیا حیائے گا۔

(9.22) 
$$ec{P}_{1i} + ec{P}_{2i} = ec{P}_{1f} + ec{P}_{2f}$$

- احب زاء کے روپ مسیں ہے۔ وت انون دوم اوات دے گا جو تصادم کو ہیان کریں گی ( دوابعہ ادمیں ہر بُعد کے لئے ایک مساوات )۔ اگر تصادم کی بھی ہو (خصوصی صورت)، تصادم کے دوران حسر کی توانائی کی بقت تیسے ری مساوات دیگی۔  $K_{1i}+K_{2i}=K_{1f}+K_{2f}$ 

# متغب رحمتى نظام

ہیں۔ ونی قو توں کی عب دم موجو دگی مسیں ہوائی بان ذیل لحب تی مشسرے سے اسسراع پذیر ہوگا

$$(9.12) Rv_{ij} = Ma (-1)^{l}$$

جہاں M ہوائی بان کی لمحی تی کی ہے۔ (جس میں غیبر استعال شدہ ایندھن شامسل ہے)، R ایندھن کے اصراف کی مشرح،اور Rv ہوائی بان کے لحاظ سے حسرح کی اصف فی رفت ارہے۔ حبز و اصن فی Rv ہوائی بان کی انجن کی قوق و مسکیل ہے۔ جب ایک ہوائی بان کی، جس کی R اور  $v_i$  اگل ہو، کیت  $M_i$  سے  $M_i$  ہونے پر اسس کی رفت ار $v_i$  مار مورد رخ ذیل ہوگا۔

$$v_f - v_i = v_{i}$$
 ابن نی دوسری ساوات  $\ln \frac{M_i}{M_f}$  ابن نی دوسری ساوات )

#### سوالا \_\_\_\_

سوال ا. ۳: تین ذرات جن پر بسیرونی قوتیں عمسل کرتی ہیں کافصٹ نئی حبائزہ مشکل 9۔23 مسیں پیش ہے۔ دو ذروں پر قوتوں کی متدریں اور سمستیں دی گئی ہیں۔ تین ذروی نظام کامسر کز کمیت (ا)ساکن، (ب) دائیں رخ مستقل مسمتی رفت ارسے، اور (ج) اوپر واراسسراع پذیر ہونے کی صورت مسین تیسری قوت کی متدر اور سمت تلامش کریں۔

سوال ۲۳.۳: بلارگڑمتوی پر متقل ستی رفت اروں ہے حسر کت کرتے ہوئے ایک برابر کمیت کے حپار ذروں کافصن کی جوائی 1۳.۲ میں۔ خب کرنے مشکل 24.9 مسیں پیش ہے۔ سمتی رفت اروں کے رخ دیے گئے ہیں؛ ان کی متدریں برابر ہیں۔ ذروں کی جوڑیال بن مئیں۔ کون می جوڑی ایب نظام دیتی ہے جس کامسر کز کمیت (ساکن ہے، (ب) کن ہے اور مبدا پر ہے، اور (ج) مبدا ہے؟

سوال ۱۳.۳: منسرض کریں ایک ڈب، جو x محور پر منتقل مثبت ستی رفت ارسے حسر کت میں ہو، دھاکے ہے دو کلوں مسیں تقسیم ہوتا ہے۔ ایک کلرا، جس کی کیت  $m_1$  ہے، مثبت ستی رفت ار $\vec{v}_1$  سے حسر کت کرتا ہے۔ دو سرا کلوا جس کی کیت  $m_2$  ہوتا ہے۔ ان میں رفت ار $\vec{v}_2$  ہوتا ہے۔ ان میں رفت ار $\vec{v}_3$  ہوتا ہے۔ ان میں رفت ارکوا جس کی کیت مطابقتی  $\vec{v}_1$  کی میں دو ان میں میں رفت ارکوا جس کی در جب بدی مطابقتی  $\vec{v}_1$  کی میں دو کا کا طابع ہے۔ ان میں نت کی کی در جب بدی مطابقتی  $\vec{v}_1$  کی میں دو کا طابع ہے۔ ان میں نت کی کی در جب بدی مطابقتی  $\vec{v}_1$  کی میں دو کا طابع ہے۔ ان میں نت کی کی در جب بدی مطابقتی  $\vec{v}_1$  کی میں دو کا خواجہ کی در جب بدی مطابقتی ہوتا کی میں دو کا خواجہ کی در جب بدی مطابقتی ہوتا کی در جب بدی در جب بدی

سوال ۱۳.۳: تصادم مسین ملوث جسم کے لئے قوت کی ت در بالقابل وقت کی تر سیات شکل 26.9 مسین پیش ہیں۔ تر سیات کی در حب ببندی جسم پر قوت د تکلیل کی ت در کے لیے تاسخت اول رکھ کر، کریں۔

سوال ۱۳.۵ بلار گڑ مستوی پر حسر کت کرتے تین ڈیوں پر عمسل پیسر اقوت کافصٹ کی نظب رہ شکل 27.9 مسیں پیشس ہے۔ ہرایک ڈب کے جمسراہ خطی معیار حسر کت کی بقب ہوگی؟

سوال ۲.۳: تین یاحپار یک ان ذروں کا گروہ،جو محور x یامحور y کے متوازی ایک رفت ارسے حسر کرتے ہوں، شکل 28.9 مسین د کھایا گئے ہے۔ مسر کز کمیں۔

سوال ۲.۳: ایک سل بلار گرفت رشس پر حسر کت کرکے اسس جتنی کیے۔ کی دوسسری سل سے کگر اتی ہے۔ شکل 29.9 مسین سلوں کی حسر کی توانائی K کی حیار ممکن ہیں۔ (۱) ان مسین سے کون می طبیعی وجوہات کی بہتا پر ممکن نہیں ؟ باقی مسین سے کون کی (ب) کی کی تصادم اور (ج) عنیسر کی کی تصادم بہتر ظاہر کرتی ہے ؟

y توال ۱۳.۸. بادر گرفت سند سن پر محور x کے ہمسراہ سل x سن کن سل y کی طسر و بردھت ہے۔ عسین کی تعدوم سے قبل کھے۔ پر اور کا کھی تھی ہمکن سنگل 30.9 مسین کی گئی ہے۔ اسس کھے۔ پر دوسل نظام کے مسر کز کیت کے تین ممکن معتام بھی پیٹس ہیں۔ (نقطہ y سلوں کے مسراکز کے درمیان نصف و ناصلے پر ہے۔) اگر تعدادم کے بعد نظام کا مسر کز کیت y برداور y پر ہو، کیا سل y پر ہو، کیا سال y کو طسر و گامسزن ہوگا؟ آگے کی طسر و گامسزن ہوگا؟ جھے کی طسر و گامسزن ہوگا؟

سوال ۱۳۰۹: دواجسام محور X کے ہمسراہ یک بُعدی کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ شکل 31.9 مسیں اجسام اور مسرکز کرے ہیں۔ شکل 31.9 مسیں اجسام اور مسرکز کمیت کے مصام بالمقابل وقت ترسیات چیش ہیں۔ (ا) کسیا دونوں جم استدائی طور پر حسرکت مسیں تھی، یاان مسیں کے ایک سازر جی تصادم کے بعد مسرکز کمیت دیت ہے؟ کے ایک تصادم سے قبل زیادہ تیبز حسرکت کرتے جم کی کمیت دوسرے جم کی کمیت سے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس درکت کرتے جم کی کمیت دوسرے جم کی کمیت سے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس

#### کے برابرہے؟

سوال ۱۰.۳: افقی فسنسر مشن پر سسل ابت دائی طور ساکن، محور x ح جمسراہ مثبت رخی یا محور کے منفی درخ حسر کسیہ مسیں ہے۔ سسل دھاکے سے دو مکٹروں مسیس تقسیم ہوتا ہے جو ای محور پر حسر کت کرتے ہیں۔ فسنسر خس کریں سسل اور اسس کے دو مکٹرے ایک بہند اور حبد انظام دیتے ہیں۔ سسل اور مکٹروں کے معیار حسر کت بالمقائل وقت ہے گی چھ ترسیمات مشکل میں۔ مسیس چیش میں۔ کوئمی ترسیمات طبیعی ناممسکن ہیں؟ وجو ہاست چیش کریں۔

وال ۱۱.  $m_1$  محور x پر کمیت  $m_1$  کاسل بلار گرفت و شش پر چلتا ہوا کمیت  $m_2$  کے ساکن سل ہے گئی متصادم ہوتا ہے۔  $m_2$  متعادم عمر وقت میں سل 1 کا معتام x بالقابل وقت x فوس ککسی ہے، جس پر نقط موتا ہے۔  $m_1 > m_2$  اور وقت تصادم  $m_1 > m_2$  کی نشاندی کی گئی ہے۔ اگر (۱)  $m_1 < m_2$  اور (ب  $m_1 > m_2$  کی نشاندی کی گئی ہے۔ اگر (۱)  $m_1 < m_2$  اور  $m_1 > m_2$  کی نشاندی کی گئی ہے۔ اگر (۱)  $m_1 < m_2$  اور  $m_1 > m_2$  کی نشاندی کی گئی ہے۔ اگر (۱)  $m_1 < m_2$  اور  $m_1 > m_2$  کی نشاندی کی گئی ہے۔ اگر (۱) گئی ہوگا؟ (ج) اگر کہ میں کسی کر گئی ہوگا؟ (ج) اگر کہ میں کسی کی گئی ہوگا؟ (ج) اگر کہ میں کسی کی گئی ہوگا؟

سوال ۱۳.۱۲ دوجہم اور ان کے مسر کز کمیت کی معتام بالقابل وقت کی حپار ترسیات پیش ہیں۔ یہ جم بنداور حبدا نظام دیتے ہیں اور محور x پر چپلتے ہوئے یک بُعدی مکسل غیبر کمپ کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ کسیاتر سیم آ مسیں (ا) دو جم اور (ب) مسر کز کمیت محور x پر مثبت رخ یا منفی رخ حسر کت کرتے ہیں؟ (ج) کو نمی ترسیم طبیعی نامسکن ہے؟ وجب پیشش کریں۔

### مركزكيت

xy اور کیت xy اور کید  $(-1.20 \, \text{m}, 0.500 \, \text{m})$  ، اور کید xy اور کید ازروک افتی مستوی پر پائے جب تے ہیں۔ کمیت  $(-0.500 \, \text{m}, -0.750 \, \text{m})$  سے دوروں افتی مستوی پر پائے جب تے ہیں۔ کمیت  $(-0.500 \, \text{m}, -0.750 \, \text{m})$  بر ہوگا؟

 $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$  اور  $m_2 = 4.0 \,\mathrm{kg}$  اور  $m_3 = 3.0 \,\mathrm{kg}$  اور  $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$  اور  $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$  اور نقال می مرکز کمیت کار اور  $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$  اور نقال می مرکز کمیت اس در کی حبانب منتقال ہوگا، اس سے دور منتقال ہوگا، یاسا کن رہے گا؟

سوال ۱۳۰۱٪ تین یکسان پسیکر ڈنڈیاں جن مسین ہر ایک کی لمبائی z عند بن اتبی بین کسان بین کر الٹ نون غُذیر بن ایک کی بیت z اور افقی ڈنڈی کی کمیت z اور افقی ڈنڈی کی کمیت z اور افقی ڈنڈی کی کمیت کا اور افتی ڈنڈی کی کمیت کا اور الفقی ڈنڈی کی کمیت کا اور اللہ محدد کمیا ہوگا؟

x (۱) کاریست: کیساں موٹائی کاحپادر شکل 38.9 مسیں پیش ہے۔ اگر  $L=5.0\,\mathrm{cm}$  ہوحپادر کے مسر کز کمیت کا(۱) مید داور (ب) محمد دکسیا ہوگا؟

سوال ۱۱ ست المن نظر انداز موٹائی کی یکسال دھاتی حیادر سے بنیا گیا مکتب شکل 39.9 میں پیش ہے۔ مکعب اور سے کھلا ہے اور اسس کا کسندہ  $L=40~\mathrm{cm}$  کمید د،  $\chi(y)$  محدد، اور جی کے مسرکز کمیت کا (ا)  $\chi$  محدد تلاشش کریں۔

 $0.354 \, \mathrm{kg}$  سیاں  $0.354 \, \mathrm{kg}$  سیاں  $0.140 \, \mathrm{kg}$  سیاں  $0.140 \, \mathrm{kg}$  سیاں  $0.354 \, \mathrm{kg}$  مشروب جسری ہے (مشکل  $0.140 \, \mathrm{kg}$  ہو آل میں مشروب حضاری ہو آل کے سراور تل میں مشروب حضاری کرنے کی عضر ض ہے ، باریک سورای (جو ہو تل کی کہیت پر اثر انداز نہیں ہوتے) کے حب تے ہیں۔ (۱) کمس بھری ہوتا (ب) کے مسر کز کمیت کی اور (ب) کمسل حضالی ہوتا ہے ، مشروب حضاری ہوتا ہے ،  $100 \, \mathrm{kg}$  کو کہا ہوگا؟ (د) مسرکز کمیت کے لحاقی بلندی  $100 \, \mathrm{kg}$  کہ کہا کہ کہا تھے مشروب حضاری ہوتا ہے ،  $100 \, \mathrm{kg}$  کو کہا ہوگا؟ (د) مسرکز کمیت کے لحاقی بلندی کو  $100 \, \mathrm{kg}$  کہا کہ کہا تاریخ مشروب خال میں کہا کہا تاریخ کے انسان کی کمت و قبلت کا کس کریں۔

### نیوٹن کادو سسرافت عدہ برائے ذرات کانظام

وال ۳۰۲۱: ایک پتھ و t=0 پر گرنے دیا جب تا ہے۔ دوسر اپتھ و جس کی کیت و گئی ہے، ای بلندی ہے، t=0 بر گرنے دیا جب تا ہے۔ (ا) نقطہ رہائی ہے،  $t=300 \, \mathrm{ms}$  بر دو پتھ رنظام کا مسر کز کیت کت اپنے ہوگا؟ (دونوں پتھ راس کھے تک ہوا مسیں ہیں۔) (ب) اسس کھے پر دو پتھ رنظام کا مسر کز کمیت کس رفت ارب کے سرکت کرتا ہے؟

سوال ۳۰۲۲: پوراہا بق پر  $1000 \, \mathrm{kg}$  کیسے کی گاڑی کھٹڑی ہے۔ جیسے بی بتی سبز ہوتی ہے گاڑی  $1000 \, \mathrm{kg}$  مستقل اسراغ سے حسرت مسین آتی ہے۔ عسین ای لیچے ایک ٹرک جس کی کیسے  $1000 \, \mathrm{kg}$  اور جو  $1000 \, \mathrm{kg}$  اسراغ سے حسرت کیسے کا بستہ بتی ہے کشن دور رفت ارب ہے گاڑی ہے آگے لگت ہے۔ (ا) گاڑی وٹر کے نظام کا مسرکز کیسے  $1000 \, \mathrm{kg}$  بسید بتی ہے کشن دور  $1000 \, \mathrm{kg}$  اور (ب) اس کی رفت ارک ہوگی ؟

 $M=\frac{1}{2}$  سوال سوال سوال سوال به نیون کاایک براه پیسل ( $m=0.50\,\mathrm{kg}$ ) برگزیر، اور جوز برازیل سوال سوال سوال سوال به نیون کا نیون کے بیسل ( $m=0.50\,\mathrm{kg}$ ) برگزا ہے۔ لوہ t=0 برگزیت کا بیسل (t=0 برگزا ہے۔ لوہ بیسل کرنا شے روئ کرتی ہیں۔ لوہ (t=0 برگزار ایل پر عمسل کرنا شے روئ کرتی ہیں۔ لوہ (t=0 کے لیے اور کا برگزار کی سے میں کرنا سے میں کہا ہوگا؟

موال ۳.۲۴: دو پھلن باز، جن مسین ہے ایک کی کیسے 65 kg اور دوسسرے کی 40 kg ہے، 10 m ہباؤنڈ ا، جسس کی کیسے وتابل نظر انداز ہے ، محت ہے برون پر کھٹڑے ہیں۔ ڈنڈے کے سرول سے آغن از کرتے ہوئے پھلن بازڈنڈ اکھنج کی کیسے وتابل نظر انداز ہے ، محت ہے برون سے محسر اہ حسر کہ کرتے ہوئے وت سریب آکر، ملتے ہیں۔ کم کمسیق شخص کتنا ون صدر او حسر کرتے ہوئے وت سریب آگر ، ملتے ہیں۔ کم کمسیق شخص کتنا ون صدر او حسر کرتے ہوئے و سریب آگر ، ملتے ہیں۔ کم کمسیق شخص کتنا ون صدر کے ایک کی کارے ؟

روال ۳۰۰۵: ایک گولا 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 زاوی پیدیکا حب تا می است دو برابر کلزوں مسین تقسیم ہوتا ہے (شکل 90-42)۔ ایک کلزاجس کا مرکت کے بلت در تقط پر گولا دھائے سے دوبرابر کلزوں مسین تقسیم ہوتا ہے۔

کارفتار دھاکے کے عسین بعبہ صف ہے سیدھا نیچ گر تا ہے۔ دوسسرا نکڑا توپ سے کتنے مناصلے پر گر تاہے؟ (ہوائی رگڑ نظسرانداز کریں اورزمسین ہموار تصور کریں۔)

t=0 وقت t=0 وقت t=0 پردوذرے محددی نظام کے مبداے پھینے حبتے ہیں (شکل 1-43)۔ ذرہ t=0 بس کی کیت t=0 وقت t=0 بنار گڑا فتی ذرصین پر محور t=0 بر کہ مسراہ t=0 وفتار نے درہ t=0 بر کور t=0 بر کور t=0 وقت t=0 بر کور زرہ t=0 وقت t=0 ویری زاویے پریول پھیکا حباتا ہے کہ سے ہر کمحد ذرہ t=0 ویری کی کیست کو کی کیست کو نیادہ باشد کی بارہ جا کہ کو پہنچت ہے ؟ اکائی سنتی ترقیم میں مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ ہے ہیں۔ t=0 ویری اور (ج) اسسران اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ کی بارہ کی دوروں کی بارہ کی دوروں کی دوروں

سوال ۳۰۲۸: زریاب جس کی کمیت 80 kg ہے اور اسد جو ہاکا ہے 30 kg ساکن کشتی مسیں بیٹے (ناران مسیں) کر سین السلوک جیس کی کمیت کے لیے اللہ 3.0 m ون سلے پر، اور کشتی کے مسرکز کمیت کے لیے اظ سے 40 cm مسیثا کلی واقع ہیں۔ وونوں آپس مسیں نشست تبدیل کرتے ہیں۔ اگر کشتی کا مسرکز کمیت گھائے کے لیے اظ سے 40 cm افتی حسر کرے ، اسد کی کمیت کمیا ہوگی؟

سوال ۳۰۲۹: کنارے سے 6.1 m فنصلے پر 4.5 kg کٹا 18 kg کشتی مسیں کھٹرا ہے (شکل 45.9 سے 18 kg کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کا در کتا ہے۔ کٹا اب کنارے سے کتنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کنارے سے کتنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کر الشارہ: شکل ۔ ۔ دیکھیں۔)

### خطی معیار حسر کیس

سوال ۱۳۳۰: ایک گیند جس کی کمیت  $0.70 \, \mathrm{kg} \to 5.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  افقی حسر کت کر کے انتصابی دیوار سے نگراکر  $2.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  در انتحاب پائیت ہے۔ گیند کے خطی معیار حسر کت مسین تب دیل کی کیا ہو گی ؟

سوال ۳٫۳۱ ایک ٹرک، جس کی کمیت 2100 kg ہے، شمال کی طسر ن 41 km h<sup>-1</sup> کیلئے ہوئے مشرق کو مسرق کو مسرق کر 18 ہے۔ (ا) ٹرک کے حسر کی توانائی مسین تبدیلی کسیا ہو گی؟ ٹرک کے معیار حسر کر آسے میں تبدیلی کسیا ہو گی؟ ٹرک کے معیار حسر کسے مسین تبدیلی کی (ب) تبدیل کارٹ کسیا ہو گا؟

روال  $p_1 = p_1 = p_2$  برسطخ زمین پر رکھا گیندوقت  $p_1 = 0$  پرسطخ زمین سے مار کر روانا کیا حباتا ہے۔ گیند کا معیار  $p_1 = 0$  ورجہاں  $p_2 = 0$  برجہاں  $p_3 = 0$  برجہاں  $p_3 = 0$  برجہاں ورجہاں  $p_3 = 0$  برجہاں ورجہاں ورج

4.0 kg m s<sup>-1</sup> کیند کاابت دائی زاوی کیا ہے؟ (ایشارہ:وہ حسل تلاسش کریں جس مسیں ترسیم کازیریں ترین انقط پڑھنے کی ضرورت پیشن نے آئے۔)

سوال ۱۳۳۳: بلاے نکرانے سے عسین قبل 0.30 kg کمیت کا گیند 15 m s<sup>-1</sup> متی رفت ارسے افق سے نیجے °35 زاویے کے ساتھ گامسزن ہے۔ بلے کے ساتھ تمساس کے دوران گیند کے معیار حسر کت مسیں تبدیلی کی و تدر کمیاہوگی اگر گیند (ا) سیدها انتصابی نیچے رخ 20 m s<sup>-1</sup> ،اور (ب) افتی واپس 5 m s

سوال ۱۳۳۳: سشکل 47.9 مسیں 47.9 کیت گیند کافعت کی جب کڑہ پیش ہے۔ گیند اطسرانی دیوارے شپ کی کھا تاو کھایا گیا ہے۔ گیند کی استدائی رفت اور 0.165 kg کیا ورزاویہ 0.30 0.30 0.30 کھاتا و کھا گیا گیند کے مستی رفت از کا کہ جب کہ بین مسین میں ہوتا۔ (ا) زاویہ 0.30 کیا ہوگا (ب) گیند کے خطی معیار حسر سے مسین سی تابوگی (گیند کے لڑھا و کا کیا ہوگا کی کر دار نہیں ۔)

### تصادم اور ضرب

موال ۱۳۳۵: ایک معضرہ 12 استدی سے 30 cm البندی ہے 30 cm گہرے پانی مسیں پیٹ کے بل گر کر لوگوں کا دات لیتا ہے۔ مضرض کریں، عسین پانی کی تہرہ کو پہنچ کر ہے شخص رکتا ہے۔ اسس کی کیت مضرض کریں، عسین پانی کی تہرہ کو پہنچ کر ہے شخص رکتا ہے۔ اسس کی کیت مضرض کریں۔ وقت در تلامش کریں۔

سوال ۳۳.۳۱: چھت رسپاہی 370 بلندی پر پرواز کرتے ہوئے طیارے ہے کو دتا ہے۔ بدقتمتی ہے اسس کی چھت ری نہیں کھسل پاتی۔ وہ برنے مسیں گر کر معمولی زخمی ہوتا ہے۔ فسیر ض کریں زمسین پر پہنچ کر اسس کی (اخیسر) رفت اد56 m s  $^{-1}$  کیسے (بمع سازو سامان) 85 kg ہے ، اور اسس پر برنے کی قوت کی متدر  $1.2 \times 10^5$  N ہے : ندر مردیاتا ہے)۔ (ابرنے کی تہہے کم ہے کم کئی موثی ہے ؟ (ب) اسس پر برنے کی ضرب کی متدر کیا ہے ؟

موال ۳۰۳۷: زمسین پر 1.2 kg کا گیند 5 m s میں کو استدائی گرتا ہے۔ ٹیپ کی کے بعید اسس کی اہتدائی رفت از سے 10.020 کے لئے رفت از سے 10 m s میں کے دوران گیند پر کتی ضرب عمسل کرتی ہے؟ (ب) اگر گیند کا 0.020 کے لئے زمسین کے ساتھ میں ہو، زمسین پر گیند کی اوسط قوت کتنی ہوگی؟

سوال ۳۳۳ تعسین اسس وقت جب ایک شخص ، جس کی کمیت 70 kg ہے ، کری پر بیٹھت ہے اسس کا مشرار تی دوست کری گر بیٹھت ہے اسس کا مشرار تی دوست کری کھنٹے لیتا ہے ، جس کی بدولت پہلا شخص سے 0.50 m نئچ زمسین پر گر تا ہے۔ اگر زمسین کے ساتھ تصادم کا دوران شخص میں دوران شخص پر زمسین (۱) کی ضرب اور (ب) اوسط قوت کئی ہوگی ؟

27 ms میں کور x پر ابت دائی طور پر مثبت رخ 14 m s  $^{-1}$  سے حسر کت کرتے ہوئے x پر ابت دائی طور پر مثبت رخ x بالم سے معنی رخ قوت مسل کرتی ہے۔ قوت کی مت در مسیں تبدیل پائی حباتی ہے اور ضرب کی مت در کے منتی رخ قوت کی اوسط x عصین بعد گیند کی (ا) رفت اد اور (ب) اسس کارخ کیا ہوگا؟ (ج) قوت کی اوسط مت در اور (د) گیند پر ضرب کارخ کسیا ہوگا؟

سوال ۱۳٬۳۰۰ ایک پہلوان مینز پر 13 m s<sup>-1</sup> رفتارے تھیٹر مار تا ہے۔ اسس کا ہاتھ 5.0 ms کے تصادم مسیں رکتا ہے۔ فضر ض کریں تصادم کے دوران ہاتھ اور بازوایک دوسسرے پر اثر انداز نہیں ہوتے اور ہاتھ کی کیسے 0.70 kg ہے۔ ہاتھ پر مینز کی (ا) ضرب کی متدر اور (ب) اوسط قوت کی متدر کے ہوگئ؟

 $500\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  سوال ۱۳.۳: ہدن پر  $3\,\mathrm{g}$  کی  $100\,\mathrm{d}$  گولیاں فی سیکنڈ سٹسر سے حیلائی حباتی ہیں۔ گولی کی رفت اور  $3\,\mathrm{g}$  کی سول ۱۳.۳: ہون پر اور طقوت کی متدر کی اور گوگی ہیں۔ ہون پر اور طقوت کی متدر کریں گولی اور کا متدر کریں گولی کا متدر کریں ہوگ کا متدر کریں ہوگا کا متدر کریں ہوگ کی متدر کریں ہوگ کا متدر کریں ہوگ کا متدر کریں ہوگ کی متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کا متدر کریں ہوگ کی متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کی ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کی متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کی کہ کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کی کہ کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کی گوئی کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کی گریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے کہ کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے متدر کریں ہوگ کے کہ کریں ہوگ کریں ہوگ کے کہ کریں ہوگ کے کہ کریں ہوگ کریں ہ

سوال ۱۳۸۳: بلند کن کی کرے پہلے اچھان بلند کن کارب ٹوشت ہے اور بدقتمتی ہے اسس کا حضاظتی نظام بھی ناکارہ ہوتا ہے، جس کی بدولت ہے۔ فقص کر تا ہے۔ زمسین پر پڑنچ کر 90 kg سوار 5.0 ms کے تصادم مسین رکتا ہے۔ (مسیرض کریں سنہ بلند کن اور سنہ ہے شخص شہکی کھاتے ہیں۔)تصادم کے دوران شخص پر (ا) ضرب اور (ب) اوسط قوت کی مصادم ہے قبل ، بلند کن کے لیے نظے شخص 7.0 ms کی رفت ارسے اوپر چھانگ لگائے (ج) خص 1 اور (د) اوسط قوت کی صدرین کہا ہوں گی (رکنے کا دورانہ ہوں تصور کریں)؟

x بوان ۱۳۳۳: یچوں کا کھنے ونا جس کی کیت x بور کور x پر حسر کت کر سکتا ہے۔ شکل 150.9 اس قوت x کا جبزو x بی کا کھنے ہو کھنے ونے پر بھو ساکن حسالت سے لمحت x وہ x کا کہنے وہ کھنے ونے پر بھو ساکن حسالت سے لمحت x وہ بی کہنے وہ کہنے وہ

51.9 موال 7.7%: عسین تصادم ہے قبل اور عسین تصادم کے بعد  $0.300\,\mathrm{kg}$  گیند بلے ہے کراتا ہوا شکل 51.9 مسین دکھیایا گیا ہے۔ عسین تصادم ہے قبل گیند کی سمتی رفتار  $\vec{v}_1$  کی تدر  $12.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$  اور زاویہ  $35.0^\circ$  ہے۔ تھادم کے عسین بعد گیند کی سمتی رفتار  $\vec{v}_2$  کی قتدر  $10.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$  ہوارے سیدھیا اوپررخ سرکت کرتا ہے۔ تھیادم کا دورانیہ  $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$  ہور کے گیند پر بلغ کی خرب (ا) کی قتدر اور (ب) مثبت  $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$  کول خاط ہے۔ تھیادم کی اوسط قوت کی (خ) قتدر اور (د) رخ کیا ہیں ؟

سوال ۱۳۸۳: براعظہ امسریکہ کے وسطی اور جنوبی عساتوں مسیں افعی چھپکلی اپنی جبیانی کی سطح پر پیچسلی دوٹانگوں کی مدرے دوڑ سستی ہے۔ حسد مالیت ہوئے چھپکلی پہلے زور سے پانی کی سطح پر پاوں سے تھپٹر مارتی ہے، اور اسس کے بعد پاول کو پانی مسیں اسس سینزی سے نیچے و هکسیاتی ہے کہ پاول کے اوپر ہوا کا عنب ارہ بن حب تا ہے۔ اسس سے قبل کہ ہوا کے عنب ارے مسیں اطسران سے پانی بھسر آئے چھپکلی ای پیسرتی سے پاول والیس اوپر کھنٹی کر پانی کی قوت گھساٹ سے پنگی پاتی ہے۔ وُو بنے سے بچنے اطسران سے پنگی پاتی ہے۔ وُو بنے سے بچنے مشروری ہے کہ تھپٹر، نیچے د تھسیل اور پاول والیس اٹھسائے کے دوران اوپری اوسط ضرب، تحب ذبی قوت کی نشیب وار مشرب کے برابر ہو۔ وسنسرض کریں افعی چھپکلی کی کیست والی میں اوپر 3.00 و میں گئی کیست وارک کی کیست کے دوران اوپر کی اوسط ضرب، تحب ذبی وقت پاول کی رفت ار

basilisklizard<sup>9</sup>

s = 1.50 m s - 1 اور ایک متدم کا اوسط دورانیہ ہیں 0.600 ہے۔ (۱) تھپٹر کے دوران چھپگل پر ضرب کی متدر کیا ہے؟ (اس تھپگل پر ضرب کسید ہی اوپر رخ ہے۔) (ب) ایک متدم کے 0.600 وورانیہ مسیں تحباذبی قوت کی چھپگل پر نشین وارضرب کتی ہے اوپر رخ ہے۔) (ب) ایک فتدم کے جھکل کو مہارا تھپٹر دیتا ہے، نیچ د تھک کہ دیتا ہے، اوپولوں کا حصہ تقسر میبار ابرہے؟

سوال 79.00 در یوار کے ساتھ 78.00 کمیت کا گیند کر اتا ہے۔ شکل 73.90 میں تصادم کی قوت کی و تعدر 7 بالقابل وقت t ترسیم کی گئی ہے۔ گیند کی دیوار کوعسودی، ابتدائی رفت او 73.00 کی توسیق کے بعد تقسریباً اس رفت است کی دیوار کوعسودی، واپس لوشت ہے۔ تقسادم کے دوران گیند پر دیوار کی قوت کی زیادہ سے زیادہ و تدر بیند 7 کسیا ہوگئی؟

سوال ۱۳۸۸ بنت بارگزبر من فی سطح پر  $0.25 \, \mathrm{kg}$  مسترص کن پڑا ہے۔ لحب 0=t=0 بر  $0.25 \, \mathrm{kg}$  افقی قوت ، جہاں قوت نیوٹن مسیں اور وقت سیکنڈ مسیں ہے ، مسترص کو حسر کست ویت ہے۔ قوت کی متدر صند رہونے تک سید مسترص پر عمسل کرتی ہے۔ (1) لحب  $t=0.500 \, \mathrm{s}$  اور  $t=1.25 \, \mathrm{s}$  کا ور شاہد کی خرب کی متدر کسیاہو گی؟ (ب) وقت  $t=0.500 \, \mathrm{s}$  میں اور حسر کست میں میں اور حسر کست میں اور کسیاہو گی؟ (ب) وقت t=0 کا کہا ہو گی کی اور کسیاہو گی؟ (ب) وقت کی میں اور کسیاہو گی؟ اور کا کہا ہو گی کہا ہو گی کہا ہو گی؟ (ب) وقت کی میں اور کسیاہو گی؟ اور کسیاہو گی۔ کسیاہو گی؟ اور کسیاہو گی؟ اور کسیاہو گی؟ کسیاہو گی؟ اور کسیاہو گی؟ کسیاہو گیگر کسیاہو گیگر کی کسیاہو گیگر کی گیگر کسیاہو گیگر کی گیگر کسیاہو گیگر کس

سوال ۳۳،۳۹ کھلاڑی  $0.45\,\mathrm{kg}$  گیند کو، جو ساکن ہے، لات مارتا ہے۔ کھلاڑی کا پاوں گیند کے ساتھ  $0.45\,\mathrm{kg}$  کا  $0.45\,\mathrm{kg}$  کا پاوں گیند کے ساتھ  $0.45\,\mathrm{kg}$  کا ور  $0.45\,\mathrm{kg}$  کے ساتھ  $0.45\,\mathrm{kg}$  کا ور  $0.45\,\mathrm{kg}$  کے ساتھ  $0.45\,\mathrm{kg}$  کے ساتھ  $0.45\,\mathrm{kg}$  کا ور  $0.45\,\mathrm{kg}$  کے ساتھ کے ساتھ کے ساتھ کی قوت درج کی گوت درج کی میں ہے۔

$$F(t) = [(6.0 \times 10^6)t - (2.0 \times 10^9)t^2] \,\mathrm{N}$$

تمس کے دوران (۱) لات سے گیند پر ضرب کی تدر، (ب) گیند پر اوسط قوت کی متدر، (ج) گیند پر زیادہ سے زیادہ وقت کی متدر، اور (د) عسین اسس لیحے گیند کی سمتی رفت ارکی متدر جسس لیحے گیند لات سے علیحہ یہ ہو تا ہے تلاسش کرس۔

سوال ۱۳.۵۰ ایک گیند جس کی کمیت g 300 ور رفتار  $s^{-1}$  6.0 m s ور بوار کے ساتھ زاوی سوال ۱۳.۵۰ و کستان دور کی کمیت کی کے بعد دوالیس ہوتا ہے۔ شکل 54.9 میں فصن کی حسائزہ دکھیا گیا ہے۔ گیند داور دیوار آلیس مسیں g 30 کے لئے مس رہتے ہیں۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں (ا) گیند پر دیوار کی ضرب اور (بیار پر گیند کی ضرب کسیاہو گی ، اور (ج) دیوار پر گیند کی اور طوح سے بیں۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں (ا) گیند کی خرب کسیاہو گی ،

### خطی معیار حسر کی بقسا

سوال ۳۰۵۱ بلارگڑ سطچ پر 91 kg کمیت کالیٹا ہوا گخص 68 g پتھسر کو 4.0 m s<sup>-1</sup> رفت ارسے سطچ پر روانا کر تاہے۔ سے شخص نتیجت گنتی رفت ارحب اصل کر تاہے؟

سوال ۱۳۰۵: زمسین کے لیے ظرے  $43\,000\,\mathrm{km}\,\mathrm{h}^{-1}$  رفتارے پرواز کرتا فصن کی طیارہ استعال شدہ ہوائی بان موٹر (کمیت m کی فتارے پیچے (کمیت m کی مقیاسہ کے لیے اظرے m کی مقیاسہ کے لیے اظرے m کی مقیاسہ کی فوراً بعد متابہ کارمقیاسہ کی رفتار زمسین کے لیے اظرے کمیا ہوگی؟

 $M=\frac{1}{2}$  وراطس رون ہوائی بان مشکل و 55 میں دکھایا گیا ہے ، جس کاوسطی حس C (جس کی کیسے C مول C کے اور اطس رانی جھے C اور C (جن کی انفسر ادی کیسے C اور اطس رائی جھے اور اور وسطی حسب سے دور روانا کی مسلم میں کہا ہوگئی جس سے تاریخ ہو گاری ہو سطی حسب سے دور روانا کے جس کے جب سکتے ہیں کہا جب اتا ہے : (1) وقت C C کی برخس C کی باقی جھے کو منفسل سے تی رفت ارکے لی اظرے ، C کی منفسل سے تی رفت ارکے لی الم سے کہ برخس کے جب کے جب کی برخس C کی منفسل سے تی رفت ارکے لی اظرے ، دوقت C کی منفسل سے تی رفت ارکے لی اظرے ، دائیں پھیکا جب تا ہے ۔ وقت C کی منفسل سے تی رفت ارکے لی اظرے ، داکا مصل کی کی کا جب تا ہے ۔ وقت C کی منفسل سے تی رفت ارکے لی اور (ب) اس کے مسر کر کا مصل میں ہوگا ؟

سوال ۱۳.۵۳: ایک جسم جس کی کمیت ۱۱۱ اور مشاہدہ کار کے لیے اظ سے رفت اد س ہے، دھاکے سے دو حصوں مسین تقسیم ہوتا ہے، جہاں ایک گلڑے کی کمیت دوسسرے مکڑے کی کمیت کی تین گتا ہے؛ دھاکہ فضائے ماورا مسین واقع ہوتا ہے جہاں تحب ذبی قوت نہیں پایا جب تالہ کم کمسیق کلڑا مشاہدہ کارکے لیے اظ سے رک حب تا ہے۔ مشاہدہ کار کی حوالہ چھوک بسے مسین ناسے ہوئے دھاکہ نظام کو کتنی حسر کی توانائی منتقب کرتا ہے؟

سوال ۱۳۵۱: س کن جم دھاکے ہے دو گلڑوں R اور L میں تقسیم ہوتا ہے، جو بلار گڑ سطح پر گزرنے کے بعد در گڑ کے خطوں میں داختان ہو کر آخنہ کا در تے ہیں (شکل 57.9) گڑا L ، جس کی کیسے  $2.0 \, \mathrm{kg}$  ، اور جس کا سامن خطوں میں داختان ہو کر آخنہ کا در تے ہیں (شکل 57.9) گئا ہے ۔ گڑا R ، جس کا سامن  $\mu_L = 0.40$  سامن  $\mu_L = 0.50$  سے میں رکتا ہے۔ آس کلڑے کی کیسے کیا  $\mu_R = 0.50$  میں رکتا ہے۔ اس کلڑے کی کیسے کیا  $\mu_R = 0.50$ 

سوال ۱۳۵۸: ایک جسم ، جس کی کیت  $4.0 \, \mathrm{kg}$  ہے ، بلار گڑ سطح پر حسر کت کرتے ہوئے دھاکے ہے دو  $2.0 \, \mathrm{kg}$  کگڑوں مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک کلوا  $3.0 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  شمال کی طسر ن روانا ہوتا ہے۔ جسم کی ابت دائی رفت ارکیا ہے ؟

موال ۳.۲۰: ذرہ A اور ذرہ B جن کے نیج دبا ہوا اسپرنگ ہے کو زبر دستی اکٹھے کی کر کر رکھ گیے ہے۔ رہا کرنے پر اسپرنگ انہیں محنالف رخوں دھکیل کر ان سے علیحہ ہوتا ہے۔ ذرہ A کی کمیت ذرہ B کی کمیت کی 2.00 گئا ہے، اور دیے اسپرنگ مسیر نگ مسیر ذخیب مختی توانائی A والے A کی کمیت و تبایل نظر انداز ہے اور اسس کی توانائی کمسل طور پر ذروں کو منتقبل ہوتی ہے۔ توانائی کا انتقبال کمسل ہونے پر (۱) ذرہ A اور (ب) ذرہ B کی حسر کی توانائی کیا ہوگی ؟

# معیار حسر کت اور تصادم مسین حسر کی توانائی

موال ۳۰۱۱: منجنی روتاص جس کی کیت 2.0 kg ہے، پر 10 g گولی حیائی حیاتی ہے۔ روتاص کا مسرکز کیت۔ 12 cm بلندی تک پنچتا ہے۔ وضرض کریں گولی روتاص مسین دھنس حیاتی ہے۔ گولی کی اہت دائی رفتار کسیا ہے؟

موال ۱۳.۱۲: بلار گر منسرسٹس پر ککڑی کا تخت جسس کی کمیت و 700 ہے ساکن پڑا ہے۔ اسس پر 9 5.20 گولی مپلائی جب اقلی ہے۔ اسس پر 9 5.20 گولی مپلائی حبارج ہوتی ہوئے تخت کو ماد کر اسس سے پار 428 m s<sup>-1</sup> موقت ارکسا ہوگی؟ (\_\_) تخت کار فت ارکسا ہوگی؟ (\_\_) تخت کو گول نظام کے مسر کز کمیت کی رفت ارکسا ہوگی؟

v عوال ۱۳.۱۳: بلار گرفت رسٹس پر پڑے دو ساکن جم پر v 3.50 و گولی افتی ماری حباتی ہے (مشکل 58.9-الف)۔ گولی جم v جس کی کمیت v 1.80 kg ہے، میں دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے، میں دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے، میں دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے، میں دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے، میں دھنس کرتے ہیں کہ دولت جم 1 کی دولت اور جم 2 کی دولت اور جم 2 کی دولت اور جم 1 کی دولت کرتے ہوئے، گولہ کی دولت اور جم 1 کے مثالا گیا مواد نظر انداز کرتے ہوئے، گولہ کی دولت اور بی دولت کی موجب ہے۔ جم 1 کے مثالا گیا مواد نظر انداز کرتے ہوئے، گولہ کی دولت اور بی دولت کی دولت کے دولت کی دو

سوال ۱۳۰۳: ایک گول جس کی کمیت و 10 g ہے سیدھسا اوپر  $1000 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  رفت اربے حسر کرتے ہوئے استدائی طور ساکن  $5.0 \, \mathrm{kg}$  سل کے مسر کز کمیت ہے گزر تی ہے۔ گولی سل سے گزر کر  $5.0 \, \mathrm{kg}$  رفت ارب سازج ہو کر اوپر وار حسر کرتے کی ہے۔ سل ابتدائی مصنام ہے کتنی بلٹ دی تک الشت ہے ؟

موال ۲۵۰ سن ایا کامسیں گاڑی اور بارہ سنگا کے تصادم عسام بات ہے۔ و نسر ض کریں 1000 kg گاڑی 500 kg مسال مصل کریں اور اور بارہ سنگا کے تصادم عسام بات ہے۔ و نسر ض کریں 1000 kg گاڑی ساس قتم کا کا کا کت بارہ سنگا عصر جس نگا ہے تکر اتی ہے۔ (ب) اگر یکی گاڑی ساکن اونٹ مسئلہ عصر ب ممالک مسئلہ عصر ب ممالک مسئلہ عصر ب ممالک مسئلہ عصر بیا جب کتی فی صد حسر کی توانائی ضائع ہوگی ؟ (ج) کسیا حب انور کی کمیت بڑھنے سے تکرائے جس کی کمیت بڑھنے ہے۔ فی مصد توانائی کا ضیاع بڑھتا ہے گاگی طست ہوگی ؟ (ج) کسیاح بڑھتا ہے ؟

سوال ۳.۲۱: انفسابی محور پر مختالف رخ حسر کت کرتے لسیدی کے دو گولوں کے نیج کمسل غیسر کی تصادم ہوتا ہے۔ عسین تصادم سے قبل ایک گولا، جس کی کمیت 3.0 kg ہے۔ عسین تصادم سے قبل ایک گولا، جس کی کمیت

کیت 2.0 kg ہے، 12 m s<sup>-1</sup> کے نشیب وار حسر کت کر تا ہے۔ نقطہ تصادم سے دونوں گولوں کا محب وعہ کتی بلندی تاہے پنچتا ہے؟ (بوائی رگز نظر رائداز کریں۔)

سوال ۱۳۰۸: سرخ استارے پر کھسٹری گاڑی A (کیسے 1100 kg کو پیچے سے گاڑی B (کیسے 1400 kg کر مارتی  $d_A = 8.2 \, \mathrm{m}$  کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار  $A_A = 8.2 \, \mathrm{m}$  کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار  $A_A = 8.2 \, \mathrm{m}$  کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار  $A_B = 6.1 \, \mathrm{m}$  کی رفت ارکسی  $A_B = 6.1 \, \mathrm{m}$  کی بیسے میں تعسین تعسین

سوال ۱۹۹۹ نظر الرائز فسنسر مش پر ساکن اسپر نگ بسند وق، جس کی کمیت  $M=240\,\mathrm{g}$  به کانالی مسیس معتام  $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$  کینالی مسیس معتام  $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$  کینند نالی مسیس است معتام پر اثر حباتا ہے جہاں اسپر نگ زیادہ دیا ہے۔ گیند اور نالی کے نیج رائز کی بن حسر توانائی مسیس اضاف و سائل نظر انداز ہے۔ (ا) اس لیح بندوق کی رفتار کمیا ہوگا جب گیند نالی مسیس رکتا ہے؟ (ب) گینند کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتنا حس اسپر نگ مسیس ذخیسرہ ہوگا ؟

 $3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  اور کیسے  $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  اور کیسے  $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  اور کیسے  $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  اور کیسے  $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  اور کسے کا دائیں رخ  $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  کی در کسے مسین ہیں (مشکل 63.6)۔ و نسر مش بلار گڑ ہے اور کسل 2 کے ساتھ اسپر نگ پا حبر اللہ جس کی اسپر نگ مستقل  $1120\,\mathrm{N\,m^{-1}}$  کے دوران اسپر نگ کا داب اسس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گاجب دونوں کس کی سے میں فتار ایک ہو زیادہ سے زیادہ اس کی سے کی دفتار ایک ہو دنیادہ سے نیادہ اس کی سے دونوں کس کریں۔

# ایک بعب دمیں کی تصادم

موال ۲۰۰۷: طیطانیم 'اے دوکرہ ایک رفت ارسے حیال کر آئے سامنے سے کی تصادم کاشکار ہوتے ہیں۔ تصادم کے بعد ایک کرہ، جس کی کیت کرہ باتا ہے۔ (ا) دوسسرے کرہ کی کیت کسیا ہوگی؟ کی ابت دائی رفت ارکسیا ہوگی؟

 $m_2 = 3m_1$  بوال  $m_2$ : بادر گڑو فٹر سٹس پر  $m_1$  کمیت کی سل پہل کر ساکن سل، جس کی کمیت  $m_1$  بی نصارہ میں مبتلا ہوتی ہے۔ تصادم سے قبل دو جسمی نظام کے مسرکز کمیت کی رفت ار  $m_1$  بی کی میت کی رفت ارکہ بی تصادم کے بعد (ا) مسرکز کمیت اور (ب) سل 2 کی رفت ارکہ ہوگی؟

سوال ۳۰۷۱: کیسے 0.500 kg کا فولادی گیند 70.0 cm ڈور سے لئک رہا ہے (شکل 65.9)۔گیند کو ایک حباب اسٹ کا 65.9)۔گیند کو ایک حباب اسٹ اسٹ اسٹ کی نقط پر پہنچ کر سے 25 kg کی فولادی سل حب انتہا ہے۔ تحییات تعلیم کے بولد (ا) گیند کی رفت ار اور (ب) کے مگرا تا ہے جو بلار گڑ و نسر سٹس پر ساکن پڑا ہے۔ تعسادم کی ہے۔ عسین تعسادم کے بعید (ا) گیند کی رفت ار اور (ب) کی رفت ار تلا سٹس کریں۔

موال 2.2 : ایک جسم، جس کی کیت 2.0 kg ہے، دوسرے ساکن جسم ہے کئی نگر کے بعد ، رخ بر فترارر کھ کر، ایک جسم نگر نے بعد ، رخ بر فترارر کھ کر، ایک چو فت اَلَی دفتارے حسر کت کر تاہے۔ (ا) دوسرے جسم کی کمیت تلاسٹ کریں۔ (ب)اگر 2.0 kg کی اہت دائی رفتار کے 4.0 m s<sup>-1</sup> برفتار کے مسر کز کمیت کی رفتار کے باہو گی؟

 $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$  رفت ار براگر و منسر سش پر ذره  $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$  برایکن رخ گور x پر  $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$  رفت این رخ گور  $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$  براسس کا پیست کرچلت ہے جو ساکن رکھت ہوتا ہے ، جو ساکن  $m_1 = 0.40 \, \mathrm{kg}$  براست کا پیست کی گیست  $m_2 = 0.40 \, \mathrm{kg}$  ہے ۔ تصادم کے بعد ذرہ 2 دیوار ہے ، جو  $m_2 = 0.40 \, \mathrm{kg}$  پر واقع ہے ، شپ کی کست رک کیت کی گیست کی کیست کے بائیس میں دو سراتصادم کس نقط پر ہوگا ؟ کساکر ، رفت ارمسین شبد یلی کے بغیب روالیس لوشت ہے ۔ محور x پر ذروں کا آپس میں دو سراتصادم کس نقط پر ہوگا ؟

 $h=2.50\,\mathrm{m}$  بانندى سے دوانا ہو کر  $m_1$  بانندى سے دوانا ہو کر  $m_1$  بانندى سے دوانا ہو کہ باندى باندى

titanium'\*

سوال ۱۳۰۱: چھوٹے گیت کوبڑے گیت کو بڑے گیت کے شیک اوپر معمولی بلت ہی پر رکھ کر دونوں کو جیکوقت  $m = 1.8 \, \mathrm{m}$  بلت میں m = 2 گرے دیا جاتا ہے (گیت دول کے رداس m کے لیے اظ ہے حتایل نظر انداز ہیں)۔ ان کی کیت بالت رتیب  $m = 0.63 \, \mathrm{kg}$   $0.63 \, \mathrm{kg}$   $0.63 \, \mathrm{kg}$  ورداس کے بعد چھوٹا گیت درمین سے کہی شپ کی کھائے اور اس کے بعد چھوٹا گیت درکی گیت کی شپ کی کھائے ، تو چھوٹے گیت دکی کیت m کتنی ہونی حیا ہے کہ بڑا گیت درجوٹے گیت دے کر اگر رک حیا ہے کہ بڑا گیت درجوٹے گیت دے کر اگر رک حیا گیا ہونی حیا ہے کہ بڑا گیت کی بلت دی تک جس کے بیائی بلت دی تک جس کی بائے کی بلت دی تک جس کے گرا کر رک حیا ہے کہ بڑا گیت کر بیا گیت کر بائے بلت دی تک جس کے گرا کر رک حیا ہے کہ بڑا گیت کی بلت دی تک بلت دی تک جس کے گرا کر رک کے بیائی بلت دی تک بلت دی تک بلت دی تک بلت کی بلت دی تک بلت دی تک بلت کی بلت دی تک بلت کی بلت کی بلت دی تک بلت کر بیا گیت کر بیان کی بلت کر بیائی بلت کر بیائی بلت کی بلت کر بیائی بلت کی بلت کر بیائی بلت کر بیائی بلت کر بیائی بلت کی بلت کر بیائی بلت کر بیائی بلت کی بلت کر بیائی بلت کر بیائی بلت کر بیائی بلت کی بلت کر بیائی بلت کر بی بلت کر بیائی بلت کر بیائی بلت کر بی بلت کر بی بلت کر بی بلت کر بلت کر بیائی بلت کر بی بلت کر بلت کر بی بلت کر بی بلت کر بی بلت ک

سوال ۳۰۸۳: مت رص 1 ، جس کی کمیت  $m_1 = 0.20 \, \mathrm{kg}$  ہے، بلار گڑ میں زیر پھسلت اہوا ساکن مت رص 2 سے کیا بعد کا گئی تصادم کا شکار ہوتا ہے (مشکل 69.9) مت رص 2 میں پر کسنارہ ہے b مناصلہ دور گرتا ہے۔ مت رص b مت رص 1 تصادم کے بعد واپس ہو کر میں زکے محت الف کمنارے ہے b مناصلہ دور زمسین پر گرتا ہے۔ مت رص 2 کی کہت کہ ہے ((مشارہ: عمل امتوں پر نظے رکھیں۔)

### دوابعها دمسين تصادم

سوال ۱۳۸۳: زره 1 فره الفا" اور ذره 2 مرکزه آسیج تا ہے (شکل 21.9)۔ زره الفازاویہ  $\theta_1 = 64.0^\circ$  بر بھے رتا ہے اور مسرکزه آسیج تا ہے اور 0.00 بر بھت رہ کا گئیوں مسیں مسیح تا ہے اور 0.00 بر بھت کے ایک اور مسرکزه آسیج تا کا گئیوں مسیل اور الفاکی کیست 0.00 بر بھت کر آتا ہے۔ 0.00 بر مشت رخ کر رخت رک گئی مصلومات کے کہ کی رفت ار مصلوم نہیں کی جب سے کے اس کر مسلومات ہے۔ 0.00 کی رفت ار مصلومات کے کہ کی رفت ار مصلوم نہیں کی جب سے کے کہ کی رفت ار مصلومات ہے۔ 0.00 کی بر سکت کر کے گئی مصلومات ہے۔ 0.00 کی رفت ار مصلوم نہیں کی جب سکت کے کہ کی رفت ار مصلومات ہے۔

سوال ۳.۸۵: برابر کمیت کے دوجیم جوایک ابت دائی رفت ارسے حسر کرتے ہیں غیب رکھپ کی تصادم کے بعد ایک ساتھ نصف ابت دائی رفت ارسے حسر کرتے ہیں۔ ان کی ابت دائی سستی رفت ارکے ﷺ زاوی ہا تلاسٹس کریں۔

ووال ۳۸۱ : دو  $2.0\,\mathrm{kg}$  اجام A اور B گراتے ہیں۔ تصاوم سے قبل ان کی سنتی رفت اربالت رتیب  $\vec{v}_A=(-10\hat{i}+5.0\hat{j})\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  اور  $\vec{v}_A=(15\hat{i}+30\hat{j})\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  اور  $\vec{v}_A=(5.0\hat{i}+20\hat{j})\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  کی اختتای سنتی رفت ار اور  $\vec{v}_A=(-5.0\hat{i}+20\hat{j})\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  کی اختتای سنتی رفت ار اور  $\vec{v}_A=(-5.0\hat{i}+20\hat{j})\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  کی اختتای سنتی رفت ار اور (بنائی میں تبدیلی در برخ میدارست ) تلامش کر بین ور این کر میں تبدیلی در برخ میدارست کی تلامت کر بین کر میں تبدیلی در برخ میدارست کر بین کر کر کر بین کر بین کر بین کر بی کر کر کر کر کر کر کر بین کر کر کر کر کر کر کر ب

سوال B سوال A بین گرونان A بیس کی رفت اور B ابت دان کی جد ان کی میرونان B سے کی گراتا ہے۔ تصادم کے بعد دان کی میں رفت اور A ابت دائی رخ کے ساتھ  $60^\circ$  زاویہ بین تا ہے۔ تصادم کے بعد (۱) پرونان A اور (ب) پرونان B کی رفت ارکسیا ہیں ؟

alphaparticle" oxygennucleus

# تغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

سوال ۱۳.۸۸ مشتری کی طسرون من کے تحقیق مندائی طیارہ، جسس کی کمیت  $6090 \, \mathrm{kg}$  ہے، سورج کے لحاظ ہے  $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  کی رفت اربے مندائ  $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  کی رفت اربے مندائ  $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  کر تاہے۔ طیبارے کی افتقا می رفت ارکب ہے ؟

سوال ۱۳۸۹: دو لیم بحبرے ساکن پانی مسین ایک رخ روان ہیں۔ ایک کی رفتار 10 km h<sup>-1</sup> اور دوسرے کی 10 km h<sup>-1</sup> کے کلہ 10 km h<sup>-1</sup> کے کلہ 10.9 بعضی دیر تسینر بحبرا آہتہ بحبرے سے کو ئلہ 1000 kg min<sup>-1</sup> مسین کی است کی میں میں بھیکا حباتا ہے۔ ونسر ش کریں بحبرا اور پانی کے فٹی رگڑی توت بحبرا کی کیست پر مخصصہ رہسین اور کو ئلہ سستی رفت ارکو عسمودی پھیکا حباتا ہے۔ رفت اربر و تسرار رکھنے کے لئے (ا) تسینر بحبرا اور پانی کے نئی رفت ارکو عسمودی پھیکا جب تا ہے۔ رفت اربر و تسرار رکھنے کے لئے (ا) تسینر بحبرا اور پانی ہوگئی؟

سوال ۹۰۰۰: نصنے ماورامسیں جمودی حوالہ چھوکٹ کے لیے ظے ساکن ہوائی بان پر غور کریں۔ ہوائی بان کا انجن کسی مخصوص دورانسیہ کے لئے حیالیا حبانا ہے۔ جمودی حوالہ چھوکٹ کے لیے اظ سے ہوائی بان کی رفت ار (ا)حضرج رفت ار (ہوائی بان کے لیے اظ سے حضرج مواد کی رفت ار) کے برابر اور (ب)حضرج رفت ارکی د گئی ہونے کے لئے ہوائی بان کی سمیتی شناسب (ابت دائی کیسے کا ساست اختای کیسے کے لیے اظ سے) کتنی ہوناضروری ہے؟

سوال ۱۹۰۱: جودی حوالہ چھوکٹ کے لیے ظے نصن نے ماور اسیس موجود ساکن ہوائی بان کی کمیت  $2.55 \times 10^5 \,\mathrm{kg}$  ہو ال ۱۹۰۹: جس مسیس سے  $1.81 \times 10^5 \,\mathrm{kg}$  بات کے استال ہوتا ہے۔ ہوائی بان کا آئین  $250 \,\mathrm{kg}$  دوران ایٹ مائی ہوتا ہے۔ ہوائی بان کے لیے طب صندج مواد کی رفت ار  $480 \,\mathrm{kg}\,\mathrm{s}^{-1}$  دوران ایٹ مائی بات کی تو سے دھن  $1.80 \,\mathrm{kg}\,\mathrm{s}^{-1}$  سستال ہوتا ہے۔ ہوائی بان کے لیے طب موائی بان کی رفت ارکسیا ہیں؟ ہو۔ رکھیل کتی ہے؟ اسس دوران ہے۔ کہ بعد ہوائی بان کی (ہے) کمیت اور (ج) رفت ارکسیا ہیں؟

### اضيافي سوالاست

 $\vec{r}' = (3500-160t)\hat{i} + 2700\hat{j} + 2700$ 

سوال ۱۳۹۳: ہوائی بان کا آخنسری حصہ ، جو 7600 m s<sup>-1</sup> کی رفت اربے حسر کسے مسیں ہے ، دو حصوں پر مشتمل ہے ، چنہ میں آب سس مسیں حبکڑا گیا ہے۔ ایک حصہ ہوائی بان کا خول ہے جس کی کمیست 290.0 kg ہے ، اور دو سراوہ ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک دو سرے کے لیاظ ہے۔ 1910 m s<sup>-1</sup> استی فی رفت اربے علیحہ دہ کرتا ہے۔ علیحہ دگی ہے بعد (ا) ہوائی بان خول اور (ب) ساز و سامان ڈبی کی رفت ارکیب ہوں گی ؟ تمسام سستی رفت ارایک محور پر مسنر ض کریں۔ (ج) علیحہ دگی سے قسبل اور (د) علیحہ دگی جسر کی توان کی تام سستی رفت اراکیب مسئری کی وجب پیشس کریں۔

سوال ۳.۹۴ بلندعمار<u>ت</u> کا پرتے دار انهدام ۳

سوال 90  $m_L = 1.00 \, \mathrm{kg}$  "اور سل 100  $m_B = 0.500 \, \mathrm{kg}$  بردوبا 100  $m_B = 0.500 \, \mathrm{kg}$ 

سوال ۱۹۹۱ بالرگڑ فسنرسٹس پر دوذر ہے پہلے ہوئے مستقل سمتی رفتار ہے حسر کرتے ہیں؛ سٹکل 73.9 مسیں ان کا فصن آئی حبائزہ پیش ہے۔ ان کی کیت ایک برابر اور ابتدائی رفتار  $v = 4.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  واور ان کا تصادم اس نقطے فصن آئی حبائزہ پیش ہے۔ ان کی کیت ایک دوسر ہے کو گئی ہیں۔ محور x یوں منتخب کسیا گسیا ہے آمدی راہوں کے بخی زاویے کو برابر حصوں مسیں کاٹ کر  $\theta = 4.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  در کی حباز مصور میں کاٹ کر  $\theta = 4.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  ور کی حبائی ہو، حسرون ہے موسوم حہار تقطہ دار لکسیری، ہو، حسرون ہے موسوم حہار حصول مسیں تقسیم کرتی ہیں۔ اگر تصادم (۱) مکسل کمپی ، (ب) کمپی ، اور (ج) غسیر کمپی ہو، ذرے کس حصہ مسیں ہاکس کمپی برحسر کت کرتی ہیں؟

سوال ۳.۹۷: رفت اركاان داداف زائش

 $v_{1i} = 4.00 \,\mathrm{m \, s^{-1}}$  وفتارے  $v_{1i} = m_1$  بالار گرفت درش پر محور x کے ہمسراہ  $v_{1i} = m_1$  وفتارے  $m_2 = 2.00 m_1$  بالار گرفت درمس کی کیست مسل 2 ہے ہوتا ہے، جس کی کیست جہ (مشکل 74.9)۔ اس کے بعد سل 2 کا کیس بُعدی کھی تصادم سل 3 ہے ہوتا ہے، جس کی کیست ہوگا، کیست  $m_3 = 2.00 m_2$  ہوتا ہے، جس کی کیست  $m_3 = 2.00 m_2$  ہوتا ہے، جس کی کیست توانائی، اور (د) معیار حسر کست کی قیست سل 3 کی ابت دائی قیست نیادہ ہے، کم ہے، یااتی ہی ہے؟

سوال ۳.۹۸: رفت ار کی است زائش

pancakecollapse safetyfactor

 $m_2 = 0.500 m_1$   $m_2 = 0.500 m_1$   $m_3 = 0.500 m_2$  اس کے بعد دسل 2 کا کیک بغیری کی تصادم سل 3 ہو تا ہے، جس کی کمیت  $m_3 = 0.500 m_2$   $m_3 = 0.500 m_2$  بغیری کمیت  $m_3 = 0.500 m_2$  بات دائی قیمت سل 3 کی ابت دائی قیمت سے زیادہ ہے، کم ہے، یاا تی ہی ہے؟

سوال ۱۰۰.۳: حنلائی طیارے کے دو حصوں کو حبکڑ کر ساتھ رکھنے والے دھا کہ خسینر ت بلوں کے دھا کہ سے علیحہ دہ کسیاحب تا ہے۔ ان حصوں کی کمیست 1200 kg اور 1800 kg ہے؛ ہر ایک جے پر ت بلوں کے دھاکے کی ضرب کی ت مدر کا 300 N s ہے۔ چھے کس احضافی رفت اربے علیجہ دہ ہوتے ہیں؟

سوال ۱۰۱۰ ایک گاڑی، جس کی کمیت  $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  به  $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  رفت ارسے ابتدائی طور کور y کے جمسراہ شمال کی طسرون سے محت الم ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون سے حست الم ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون سے محت الم ڈرائیور گاڑی کو  $350\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  مسین روک پاتا ہے۔ اکائی سمتی ترقیم مسین گاڑی پر (۱) موڑ کائے کی وجب سے مارٹ کو  $350\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  کو جب سے مارٹ کے دوران اور (د) تصادم کے دوران گاڑی پر اوسط قوت کی وحب سے مارٹ کسی ہوگی؟ (ج) موڑ کے دوران اور (د) تصادم کے دوران گاڑی پر اوسط قوت کارٹ کسی ہوگی؟

سوال ۱۰۳:۳: ایک شخص، جس کی کمیت 75 kg ہے، 39 kg کمیت کی ریڑھی پر سوار ہے جو 2.3 m s<sup>-1</sup> میں روز سے است کی ریڑھی کے کود تا ہے۔ ریڑھی کی سستی رفت ارکے ساتھ ریڑھی ہے کود تا ہے۔ ریڑھی کی سستی رفت ارمسین تب دلی بہتا عسلامت کمیا ہوگی؟

سوال ۱۰۴۳: بلار گرفت رشش پر ساکن دو سل جن کی کمیتیں 1.0 kg اور 3.0 kg بین اسپر نگ کے ذریعہ آگیس مسین حسیری بین انہمیں ایک دوسیرے کے رخ سستی رفت اریوں دی حساتی بین کہ ان کامسر کز کمیت ساکن رہت ہے اور سل 1 کی رفت ار 1.7 m s<sup>-1</sup> ہوتی ہے۔ سل 2 کی سستی رفت ارکیا ہے؟

سوال ۱۰۵۰: مال بردارریل کاڈب، جس کی کمیت 104 kg ہے، ڈرائیور کے ساکن ڈ بے سے تکراتا ہے۔ دونوں آپس مسین حبٹر حباتے ہیں اور ابت بدائی حسر کی توانائی کا % 27.0 حسری توانائی، صوتی توانائی، ارتعب سش، وغسیرہ کو منتقب ہوتا ہے۔ ڈرائیور کے ڈ بے کی کمیت تلاسٹس کریں۔

parentnucleus 12

daughternucleus

neutrino12

ور بال ۱۰۱۳: ایک گاڑی، جس کی کمیت  $2400 \, \mathrm{kg}$  ہے، سیدھی سٹر کے پر  $80 \, \mathrm{km} \, \mathrm{h}^{-1}$  وفت ارسے دوڑر ہی ہے۔ ان کا مسر کز کمیت کس رفت ارسے دوڑر ہی ہے۔ ان کا مسر کز کمیت کس رفت ارسے جس کرتا ہے؟  $-2400 \, \mathrm{kg}$  ہے۔ ان کا مسر کرتا ہے؟

 $^{2}$  موال ۱۰۵ ساز کا ، جو  $^{2}$  کا ساز کا ، جو  $^{2}$  کا ساز کا برو کے دوسرے گیند کا ہے، جو سال ۱۰۵ ساز کا برو کا ساز کا برو کا ساز کا برو کا بین (ق) دیے گئے مواد کے محسر کرتا ہے۔ تصادم کے بعد گیند کا کی سنتی رفت از کی (۱) و تدر اور (برو کرکے ہیں (ج) دیے گئے مواد کے محسر کرتا ہے۔ تصادم کی کیا عنی مرکبی کے ہیں جو کہ کا بین کار کا بین کار کا بین کا بی کا بیان کا بی کار کار کا بی کا

سوال ۱۰۹۹: تین یک ال گیند کا نصن آئی حب کزه شکل 76.9 مسیں پیش ہے۔ گیند 2 اور 3 آپ مسیں مس میں مس میں اور گیند 1 کی راہ کو عسودی صف بستہ ہیں۔ گیند 1 کی مستی رفت ارکی احتدار  $v_0 = 10 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  اور رخ باقی دو گیند 2 کی مستی رفت ارکی احتدار اور (ب) رخ، گیند 3 کی مستی رفت ارکی (ای مسید اور (ب) رخ، گیند 3 کی مستی رفت ارکی (ج) مسید را کر کی مسید موجود گی مسیں بہر موجود گی مسیں بہر ضرب، متعداد مرکی کے مسر اکر کو ملانے والی کسیسر کے ہمسراہ، مس مسطح کو عسودی ہوگی۔)

 $(5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$  +  $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$  +  $\hat{i}$  +  $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$  +  $\hat{i}$  +  $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$  +  $\hat{i}$  +  $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{k}$  +  $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{k}$ 

سوال ۱۱۱۲: ایک گیند ہموار مسنسر مشن پر چیلتے ہوئے یک ال گیند سے کمراتا ہے۔تصادم کے بعد بہالا گیند اپنے استدائی رخ کے ساتھ 22.0 ناویے پر 3.50 m s<sup>-1</sup> کی رفت ارسے حسر کرت کرتا ہے جبکہ دوسسرے گیند کی رفت ارکان کے ساتھ دوسسرے گیند کے رخ کا زاویہ اور (ب) پہلے گیند کی استدائی کے ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور (ب) پہلے گیند کی استدائی رفت اور کی کہا تا کہ ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور کی کہا گیند کی دوسال کی بیٹ کی بیٹ کی مقال کی بیٹ کا گومٹ نظر سراند از کریں۔)

 $3.0\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  بادگر  $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  بلند میبز کے کمنارے پرساکن  $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  والے  $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  وفت رستارے جیلتے ہوئے کراتا ہے (مشکل 78.9)۔ دونوں ڈیے آپس مسین چیک کرفنٹر مشن پر گرتے ہیں۔ عسین فسنر مشن

# پر پہنچنے سے قبل ان کی حسر کی توانائی کسیا ہو گی؟

موال ۱۱۱۳: ایک غبارہ، جس کی (بمع ٹوکری) کیت 320 kg ہے، سے ایک شخص، جس کی کمیت 80 kg ہے، سوال ۱۳.۱۱ سیز ھی کے لی ظرف کے اور سے منظر 79.9 رفت اور سے منظر 79.9 رفت اور سے شخص 2.5 m s<sup>-1</sup> منطر ہی حب ٹرھن اسٹ روع کرے تب غبارہ (۱) کس رخ اور (ب) کس رفت اور کے حسر کرے گا؟ اگر شخص حب ٹرھن اور کے دے تب غبارے کی رفت ادر کی اور گا؟

سوال ۱۱۱۵. ویوار کے ساتھ ملاکرر کے بلار گڑمیے نیر  $m_1=6.6\,\mathrm{kg}$  کمیت کی اینٹ 1 پڑی ہے (شکل 80.9)۔ ویوار اور اینٹ کے  $\overline{v}_2$  کمیت کی اینٹ 1 کے رکھ کر اینٹ 1 کے رکھ نے  $v_{2i}$  کر اور اینٹ 1 کے رکھ کرانے کے بعد دونوں ایسٹوں کی سعتی رفت اراکیہ ہے۔  $m_2$  تلاشس کریں۔ تمسام تصادم کی ہیں (ویوار سے تصادم اینٹ کی رفت ارتب میں کریا)۔

موال ۱۱۱.۳: اجری کھیل ۱۸ مسیں ایک نظارہ پیش کرنا مقصود ہے جس مسیں 1500 kg کمیت کی m 3.0 m کمی گاڑی گاڑی 4000 kg گاڑی 4000 kg گاڑی 4000 kg کے اوپر ایک سرے دوسرے سرتک مسرع ہو کر بندرگاہ کی گودی (جو کشتی سے معمولی نیچ ہے) مسیں پرواز کر کے پیچتی ہے (شکل 81.9)۔ کشتی است دائی طور پر گودی سے مس ہے؛ کشتی بغیضہ ررگزپانی مسیں حسر کر سے کہ گاڑی اور کشتی دونوں کی کمیت لمبائی پر تخمیت کیساں تقسیم تصور کمیاسکتا ہے۔ عسین پرواز سے قبل کشتی اور گودی مسین بناصلہ کمیاہوگا؟

سوال ۱۱۱۷: محدد x پرمثبت رخ m  $= 8.0 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  مرکت کرتے ہوئے کیت M کے ساکن جم مے یک بُعدی کھی کرا تا ہے۔ تعسادم کے بعد کمیت M کا جم محور کے مثبت رخ m  $= 6.0 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  کو رخت کرتا ہے۔ کمیت M کتنی ہے ؟

موال ۱۱۱۸: حب بوترہ کے ساتھ تھ کھیلی ریل گاڑی کا 2140 kg ڈب، جو بلار گڑ حسر کت کر سکتا ہے، ساکن تھے ڈا ہے۔ ایک پہلوان جس کی کیسے 242 kg ہے ہسٹری کے ہمسراہ 5.3 m s<sup>-1</sup> رفتارے دوڑ کر کھیلا ڈیے مسین کو د تا ہے۔ اگر پہلوان کھیلا ڈیے (ا) پر کھسٹرا ہو جبائے، (ب) کھیلا ڈیے کے لیے ظرے ای رخ 5.3 m s<sup>-1</sup> ہور (ج) اہتدائی رخ کے مختالف کھیلاڈیے کے لیے ظرے ای دوڑے تب کھیلاڈیے کی رفتار کیا ہوگی؟

سوال ۱۱۹۹: ترمسین پر  $6100 \, \mathrm{kg}$  بوائی بان انتصابی اڑان کے لئے شیار کھٹرا ہے۔ حضرج کی رفت اور  $\mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$  بوائی بان کو انتصابی اوپر رخ ہے۔ (۱) ہوائی بان کو تحسانی تو تحسین کی توسید ان کو تحسین کی تحسین کو تحسین کی تحسین کو تح

سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار ، جس کی کمیت 500.0 kg ہے، جو طیارے سے حبٹرا ہے، جو سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار سے حبٹرا ہے، جو سال ۱۳۰۰: ایک چھوٹا دھا کہ مقیار ہے کہ ایک بڑے حنائی طیارے کے لحیاظ سے 1000 m s - ایک جھوٹا دھا کہ مقیار سے پہنچے کی طسر دن، چھوٹے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، 100.0 m s - ایک جھیجت ہے۔ بڑے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، دھاکے کی وجب سے، اصاف کی سشرح کمی ہوگی؟

سوال ۱۲۱.۳: (۱) زمسین و حپاند کا مسر کز کمیت زمسین کے مسر کزے کس مناصلے پر ہے؟ (ضمیہ Cمسین زمسین اور حیاند کی کمیت اور ان کے چھوٹ اصلہ دیا گسیا ہے۔) (ب) ہے مناصلہ زمسین کے رداسس کا کتنافی صدیے؟

videogame<sup>1A</sup>

سوال ۱۲۲.۳: ایک د یوار سے 140 g گیند  $5.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  کی رفتار سے عصودی کگرا کر ای رفتار سے واپس لوٹت  $-2.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  کی رفت در ایس می دورانسید می دورانسید می دورانسید کی دورانسید کارسید کی دورانسید کارسید کی دورانسید کی دورانسید کی دورانسید کی دورانسید کا

سوال ۱۲۳. ت پیسلن گاڑی، جس کی کمیت 2900 kg ہے،  $s^{-1}$  250 m s<sup>-1</sup> رفتار سے پیشری پر ہوائی بان سے حیال نگاڑی جب آتا ہے۔ حیالتی گاڑی سے کفلسے بانی مسین ڈبو کر اڑتے پانی کا تالاب آتا ہے۔ حیالتی گاڑی سے کفلسے بانی مسین رفسین کی طروف کے بیانی کا تالاب تا ہے۔ خطی معیار حسر کر سے کی بقت کا اصول استعال کر کے بت کیں ٹیسنگی مسین رکھی حنالی ٹیسنگی کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفتار کر ہیں۔) مسین 200 kg یانی جمع ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفتار کر ہیں۔)

سوال ۱۳۰۴: ہوائی ہندوق 2.0 g چسرے نی سیکنڈ 500 m s<sup>-1</sup> رفتارے مارتی ہے۔ چسروں کو ایک سخت (غیب کوٹی) دیوار روگتی ہے۔ ارا)ایک چسسرے کی معیار حسر کست کی وسیدر، (ب)ایک چسسرے کی حسر کی توانائی، اور (ج) دیوار کے ساتھ اور (ج) دیوار کے ساتھ اور (ج) دیوار کے ساتھ سکسر میں رہے، تمیس کے دوران ایک چسسرے کا دیوار پر اوسط قوت کی وسیدر کسیا ہوگی؟ (و) اگر ہر چسسر ایک میں میں رہے، تمیس کے دوران ایک چسسرے کا دیوار پر اوسط قوت کی وسیدر کسیا ہوگی؟ (و) سے تو سندر کسیا ہوگی؟ (و) سے تو سندر کسیا ہوگی؟ (و) سے تو سندر کسیا تو گنافی ہے؟

سوال ۱۳۰۱۳۵: ریل گاڑی کاؤب دانے اٹھنے نے والے برقی زینہ  $^{9}$  کے بیجے سے  $3.20\,\mathrm{m\,s^{-1}}$  رفت ارسے گزر تا ہے۔ ریل گاڑی کے ڈیے مسین  $540\,\mathrm{kg\,min^{-1}}$  شہری ہے وانے گرتے ہیں۔ ریل گاڑی کے ڈیے کو مستقل رفت ارپر رکھنے کے لئے درکار توسعہ کی متدر کہا ہے؟ (رگز نظر رانداز کریں۔)

وال ۱۳۱۱ ت یک موٹائی کے چو کور حپادر سے چھوٹا چو کور حسے کاٹا حباتا ہے (شکل 82.9)۔ بڑے چو کور کافسلع  $\chi$  (۱) میں دور جب کے مسر کز کمیت کا  $\chi$  میں دور جب کا کہ جب دور کی ہے ؟

سوال ۱۲۸. ۳: ساکن ذرے A ، جس کی کیت  $0.10 \, \mathrm{kg}$  ہواور B ، جس کی کیت  $0.30 \, \mathrm{kg}$  ہواں۔ دو سرے سے  $0.30 \, \mathrm{kg}$  مستقل تو ہو ۔ دو سرے سے  $0.30 \, \mathrm{kg}$  مستقل تو ہو ۔ دو سرے سے  $0.30 \, \mathrm{kg}$  مستقل تو ہو گئی ہیں۔ نظام پر کوئی ہیں دوئی قوت عمس نہیں کرتی۔(۱) اس وقت نظام کے مسر کز کیت کی رفت ارکیا ہو گئی جب فردوں کے گئی منام سے  $0.50 \, \mathrm{m}$  وروں کے گئی مناصلہ  $0.50 \, \mathrm{m}$  وروں کے گئی مناصلہ  $0.50 \, \mathrm{m}$  وروں کے گئی منام سے مسرکن کر ہو گا؟

ووال ۱۳۹۱. ووزرول کی گر ہوتی ہے۔ ان کی سمتی رفت ار  $\vec{v}_1 = (-4.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$  ورکہ ہیں۔ تصدر میں آب سمیں جوڑ تا ہے۔ ان کی سمتی رفت ار (۱) اکائی سمتی ترقیم روپ مسیں اور (ب) متدر اور (ج) زاویہ کے روپ مسیں کیا ہوگی؟

elevator 19

 $h_1 = 9.0 \, \mathrm{cm}$  ووکروی نظام (شکل 20.9) مسین کره 1 کی کیت  $g = 50 \, \mathrm{g}$  اور ابت دائی بلندی او جنگج مین  $h_1 = 9.0 \, \mathrm{cm}$  کی کیت  $g = 85 \, \mathrm{g}$  کی کیت  $g = 85 \, \mathrm{g}$  کی کیت و کمیت  $g = 85 \, \mathrm{g}$  کی کیت و را در این استان کی کیت کی مین استان کی کمیت کی مین استان کی کمیت کریں۔)

سوال ۱۳۱۱.۳۱: سل 1 بلارگر فسنرسش پر محور x کے ہمسراہ  $0.75 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  رفتارے حسر کت کرتے ہوئے ساکن  $0.75 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  ردرج ذیل جبدول (یکسال جسامت) سلول کی گیت، المهائی ، اور لمحب t=0 پر المحب المحسل کے سلمس ہوتے ہیں، اور (ج) t=0 پر المحب کے سلمس ہوتے ہیں، اور (ج) t=0 پر دوجسی نظام کا مسرکز کیت کہاں ہوگا؟  $t=4.0 \, \mathrm{s}$ 

روسط $t=0$	لىبائى (cm)	کیت (kg)	<u> </u>
$x = -1.5 \mathrm{m}$	5.0	0.25	1
x = 0	6.0	0.50	2

سوال ۱۳۳۳: ابت دائی طور پر ساکن ہائے ٹر روجن جو ہر سے السیکٹران یک بُعدی کی تصادم کر تا ہے۔ السیکٹران کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتٹ فی صد جو ہر کو منتقب ہو گا؟ (جو ہر کی کیب السیکٹران کے کمیت کی 1840 گٹاہے۔)

سوال ۱۳۰۳: ریل گاڑی کا کھسلاڈ ہے، جسس کاوزن N 2415 N ہے، مثبت x محور کے رخ بلار گر x 18.2 x رفت ارسے حسر کر مسیں ہے۔ ایک شخص، جسس کاوزن x 915 x ہوائی گور x کے لیان کے شخص محور x کے منفی رخ x منفی رخ x منفی رخ x کے لیان کا کہ رفت ارمین اصاحت کت ابوگا؟

موال ۱۳۵۳ تبیان تحقیق حنائی طیارہ (کیس m اور سورج کے لیے ظرے رفت اور  $v=10.5\,\mathrm{km}\,\mathrm{s}^{-1}$  ) مشتری M اور سورج کے لیے طرف رفت اور سورج کے لیے طرف کے لیے اور سورج کے لیے اور سورج کے لیے اور مشتری کے گرد گھوم کر والپس لوشت ہے۔ سورج کے لیے ظرف طیے ارب کی رفت اراب کیے ہوگی و اس عمس کی مسل موسل کی کا وار ۲۰ کہتے ہیں، کو تصادم تصور کر کے حسل کیے جب سکتا ہے۔ مشتری کی کمیت طیے ارب کی کمیت سے بہت بہت نیادہ ہے  $(M\gg m)$  ۔

سوال ۱۳۰۱۳: کی صنعت پر  $0.550 \, \mathrm{kg}$  گیند  $12.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  رفتار سے سیدھیا گر کر شپکی کھیا کر  $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  کا مثبت رخ کور  $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  کا مثبت رخ کور  $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$  کا مثبت رخ کور کا کا مثبت رخ کور کا کا مثبت رخ کور کی کا مثبت رخ کور کا کا مثبت کی معیار حسر کے بیابی جست کی معیار حسر کے بیابی جست کی معیار مضرب کی مثبت ک

 $^{-1}$  سوال ۱۳۰۷: ساکن جوہری مسرکزہ  $^{-1}$  محددی نظام کے مبدا پر تین ذروں مسین کھڑے ہو تا ہے۔ ذرہ  $^{-1}$  ، جس کی مبدا ہے  $^{-1}$  رفت ارسے  $^{-1}$  برائی مبدا ہے  $^{-1}$  رفت ارسے  $^{-1}$  رفت

slingshot r.

مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت کیا ہوگا۔ اسس کی کیت 11.7 × 11.7 ہے۔ (ب) اسس مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت وانائی پیدا ہوتی ہے؟

سوال ۱۳۸۳: زره 1 ، جس کی کمیت g 200 و به اور رفتار  $3.0\,\mathrm{m\,s}^{-1}$  اور رفتار  $3.0\,\mathrm{m\,s}^{-1}$  کن ذرے سے کیسے کے ساکن ذرے سے کیسے بعدی کراتا ہے۔ اگر تصادم (۱) کمپلی ہواور (ب) کمسل غیب کمپلی ہواؤرہ 1 پر ضرب کی متدر کسیا ہوگی؟

سوال ۱۳۹۳: حیانہ کے ایک صف رمسیں ضروری پایا گیا کہ جس وقت حیانہ کے لحیاظ سے طیارے کی رفت ار5 براحت کی میں میں میں عروری پایا گیا کہ جس وقت حیارے کے لحیاظ سے حسورج کی اضافی رفت ار5 براحت کی حیارے کے لحیان ہوگی؟ 1000 سے۔ است اصاف نے بائے کے لئے طیارے کی ابت دائی کمیت کی کتبی نبیت حیانی ہوگی؟

سوال ۱۳۰۱٬۳۰۰ ایک سائن گیند، جس کی کمیت 0.20 kg ہے، کوڈنٹرے سے 14 ms دورانے پر N 32 N اوسط قوت کے ساتھ ماراحب تا ہے۔ تصادم کے بعد گیند کی رفت ارکسیا ہوگی؟

باب

# <u>گ</u>ھماو

### ا بم گھیاوے متغییر

#### بع• اصر ،

اس حسبہ کو پڑھنے کے بعب آیے درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے اگر جم کے تمام ھے ایک محور کے گر دہم وقد م گومسیں، بہ استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے اجسام پر گفتگو کی حبائے گا۔)
  - ۲. حبان پائیں گے کہ اندرونی حوالہ لکسیر اور مقسر رہ بسیرونی حوالہ ککسیر کے پی زاویہ، استوار جم کازاویاتی مصام دیگا۔
    - ۳. ابت دائی اور انتقامی زاویاتی معتام کازاویاتی ہاوے ساتھ تعلی استعال کرپائیں گے۔
    - ۴. اوسط زاوی سستی رفت ار، زاوی ہیا و، اور ہیا و کو در کار دورا نے کا تعباق استعمال کریائیں گے۔
  - ۵. اوسط زاوی اسسراع، زاوی مستی رفت ار مسین تب یلی، اور اسس تب یلی کو در کار دورانیے کا تعساق استعال کر پائیس گے۔
    - ۲. حبان یائیں گے کہ حنلان گھٹری حسر کے مثبت رخ اور گھٹری دار حسر کت منفی رخ ہوگا۔
- 2. زادی معتام کو وقت کانف عسل حب نتے ہوئے، کسی بھی لیمے پر لمحساتی زادی سسمتی رفت ار اور دو مختلف وقت ول کے ﷺ اوسط زادی سسمتی رفت ارتعبین کریائیں گے۔
- ۸. زاوی معتام بالمقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی لیے پر لھے آتی زاوی سنتی رفت ار اور دو مختلف و مستوں کے ﷺ اوسط زاوی سنتی رفت ارتصین کریا ئیں گے۔
  - 9. حبان پائیں گے کہ لمحساتی زادی مستی رفت ارکی متدر لمحساتی زادی رفت ارہو گا۔

باب ۲۰. گھماو

ا. زاوی سستی رفت ار کو وقت کاتف عسل حبائے ہوئے، کمی بھی لمحے پر لمحاتی زاوی اسسراع اور دو مختلف و مستول کے نیج اوسط زاوی اسسراع تعسین کریا کمیں گے۔

- اا. زادی سمتی رفت ربالقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی کھے پر لھے تی زادی اسسراع اور دو مختلف وقت توں کے ﷺ اوسط زادی اسسراع تقسین کریائیں گے۔
  - ۱۲. وقت کے ساتھ زادی اسراع تف عسل کا تکمل لے کر جسم کی زادی سستی رفت ارمسیں تب یلی تعسین کر پائیں گے۔ وقت کے ساتھ زادی سستی رفت ارتف عسل کا تکمل لے کر جسم کے زادی معت مسیس تب یلی تعسین کریا مکیں گے۔

### كلب دى تصور

• مقسررہ محور، جو محور گھماو کہاتی ہے، کے گرد استوار جم کا گھماو ہیان کرنے کی مناطسر، جم کے اندر محور کو عصودی حوالہ لکیسر منسرض کی حباتی ہم جو جم کے ساتھ ہم متدم محور کے گرد گھومتی ہے۔ ایک مقسررہ رخ کے ساتھ اس ککیسرکاذاوی معتام θ نایاحباتا ہے۔ جب θ کی پیسائٹس ریڈیئن مسین ہو، ذیل ہوگا،

$$\theta = \frac{s}{r}$$
 (ریڈیمن ناپ

جہاں رداسس au کے دائری راہ کا توسی فناصلہ au اور ریڈینن مسین زاویہ au ہے۔

• زاوے کی درجہ مسیں اور حیکر مسیں پیسائٹس کاریڈیئن پیسائٹس سے تعالی ذیل ہے۔

ريڙينن 
$$2\pi=360^\circ=1$$

ایک جیم جو محور گلمب و کور گلم کر این زادی معتام  $heta_1$  سے تبدیل کرکے والے کر زاوی ہے گزر تاہے،  $\Delta heta= heta_2- heta_1$ 

جباں حنلان گھٹڑی گھباوے لئے مفی ہوگا۔ جباں حنلان گھٹڑی گھباوے لئے مفی ہوگا۔

• اگرجیم  $\Delta t$  دورانی مسین  $\Delta \theta$  زادی سٹاو گھوہے، اسس کی اوسط زاوی ستی رفت ارول سے نام ہوگا۔

$$\omega_{\text{b.s.}} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جسم کی (لمحاتی) زاوی سستی رفت رسی ذیل ہو گا۔

$$\omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اوسط زاوی سنتی رفتار اوس اور سنتی رفتار سن دونوں سنتی معتادیر ہیں، جن کا رخ دایاں ہاتھ صاعب ہ دیگا۔ حضاوت گھٹوی گھٹوں کی اور گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی داوی سنتی رفتار کی و تدر جسم کی زادی رفتار ہوگا۔

۱٫۲۱٫ گھے وے متغیبر

ا اگر  $\omega_1$  با سے تبدیل ہوکر  $\omega_2$  ہو، اسس کا اوسط زاوی میں جم کی زاوی سے تبدیل ہوکر  $\omega_1$  ہو، اسس کا اوسط زاوی است رائی اوسط ناوی میں ہوگا۔

$$lpha_{\mathrm{left}} = rac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = rac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جسم کا(لمحاتی)زاویاسسراع α ذیل ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

اور  $\alpha$  دونوں مستی معتاد پر ہیں۔

### طبعیات کیاہے؟

جیب ہم پہلے ذکر کر چے، طبیعیات کی توجہ کا ایک مسر کز "حسر کیات "ہے۔ تاہم، اب تک ہم صرف متقیم حرکت پربات کرتے ہے۔ تاہم، اب تک ہم صرف متقیم حرکت پربات کرتے رہے ہیں، جس مسیں جم سیدھی یا قوی لکت پرپات کرتا ہے (مشکل 10-10)۔ اب ہم گھاویر نظر دڑالتے ہیں، جس مسیں جم کی محور کے گرد گھومت ہے (مشکل 1b.10)۔

گھاو تقسر بیباً ہر مشین مسین نظر آتا ہے، اور جب آپ دروازہ کھولتے ہیں آپ اسس کو دیکھتے ہیں۔ کھیل مسین گھاواہم کردار اداکر تا ہے، جیبا گیند کونیادہ دور چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوازیادہ دیر اٹھا کر سسکتی ہے)، اور کر کرئے مسین گیند توسی راہ پر چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوا دائیں یا بائیں دھکسیاتی ہے)۔ گھاو زیادہ اہم مسائل، جیبا عمسر رسیدہ ہوائی جہاز مسین جھی کلسیدی کردار اداکر تا ہے۔

گھاو پر بحث سے قبل، حسر کت مسیں ملوث متغیبرات متصارف کرتے ہیں، جیب ہم نے باب 2 مسیں مستقیم حسر کت پیں، جیب ہم نے باب 2 مسیں مستقیم حسر کت پر بحث سے قبل کیا۔ ہم ویچھ ہیں کہ گھاو کے متغیبرات عسین باب 2 مسیں یک اُبعدی حسر کت کے متغیبرات کی طسر آبان؛ ایک اہم خصوصی صورت وہ ہے جہاں اسرائ (جو یہاں زادی اسرائ ہوگا) مستقل ہو۔ ہم دیچھ ہیں نیوٹن کا دوسرافت عدہ زادی حسر کت کے لئے بھی لکھا حب سکتا ہے، تاہم اب قوت کی بجب کے ایک نئی مقد ارجو قوت مسروز کہائی مسئلے کا اطلاق بھی گھاو حسر کت پر کیا حب سکتا ہے، تاہم کمیت کی بجب کے ایک نئی مقد ارجو زادی جود کہا تی ہے استعمال کرنا ہوگا۔ مختصراً، ہم جو پچھ پڑھ پے ہیں جو کہا کہ کام فرور سے بیش آئے گی۔ ہیں۔ استعمال کرنا ہوگا۔ میں بوگا، تاہم بھی کجھار معمولی تب یہ کی کام ور سے بیش آئے گی۔

انتباہ: اگر حب اسس باب مسین زیادہ تر حق اُق محض دوبارہ پیش کے گئے ہیں، دیکھ سے گئے ہیں جو کہ طلب وط الب سے کو اسس باب مسین دخواری پیش آتی ہے۔ اساندہ کرام اسس کی گئی وجو بات پیش کرتے ہیں جن مسین سے دو پر اتف اَق پایا جب اتا ہے: 1 یہاں عسلامت کی تعداد بہت زیادہ ہے (جنہیں یونانی حسرون مسین لکھ کر مشکل مسین مسزید امن اور 2 آپ خطی حسر کت سے زیادہ واقف ہیں (ای لئے کمسرے کے ایک کونے سے دوسرے کونے تک آپ باآس نی حب ساتے ہیں)، اسیکن گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین ورسرے کونے تک آپ باآس نی حب سے ہیں)، سیکن گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین آپ تفسری گاہ مسین آپ تفسری گاہ مسین آپ کونے ایک ہو، دیکھ میں آپ

باب ۲۰. گھماو

مسئلے کوباب 2 کا کیک بُعدی خطی مسئلہ تصور کرنے آسانی پیدا ہوتی ہے۔ مشلاً ،اگر آپ سے زاوی و ن اصلہ معلوم کرنے کو کہا حبائے ، وقت قاطور پر لفظ زاوی کو بھول حبائیں اور دیکھیں آیاباب 2 کی ترقیم اور تصورات استعال کرئے جو اب حساس کرنا آسان ہوتا ہے۔

### گھپادے متغیبہ

ہم مقسررہ محور پر استوار جم کے گھساد پر غور کرنا جہا ہیں۔ استوار جم اے مسراد وہ جم ہے جس کے تسام تھے، جم کی سنکل وصور سے تبدیل کیے بغیبر، ہم مسدم گلوم سکتے ہیں۔ مقررہ محمور کور سے جو حسر کست نہیں کرتی اور جس پر گلوماحب سکتا ہے۔ یول ہم ایے جم پر غور نہیں کریں گے جیسا سورج (جو گیس کا کرہ ہے) جس کے جھے ایک ساتھ جس پر گلوماحب نہیں کرتے جو نکد اسس کی محور نود حسر کست پذیر ہے (ایمی کیسند کی بھی بات نہیں کرتے چونکد اسس کی محور نود حسر کست پذیر ہے (ایمی گیبند کی بھی بات نہیں کرتے چونکد اسس کی محور نود حسر کست بالماسے ہے)۔

شکل 2.10مسیں مقسر رہ محور پر ، جو محور گھاو "یا گھاو کی محور کہالاتی ہے ، اختیاری شکل کا استوار جم گھوم رہاہے۔ حنالص گھاو ر (زادی حسر کریں) مسیں ، جم کاہر نقط ایسے دائرہ پر حسر کرتا ہے ، جس کا مسر کز محور گھاہ پر واقع ہے ، اور ہر نقط ک مخصوص و مستق مقد مسیں ایک بتنازاوی بینا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔ نقط کی مخصوص و مستق دورانے مسیں ایک بتنا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔

آئیں باری باری خطی معتادیر معتام، ہٹاو، سسمتی رفت ار، اور اسسراع کے مماثل زاوی معتادیریر غور کرتے ہیں۔

#### زاوی معتام

سٹکل 2.10 میں گھ و کو عصوری، جم کے بتھ گھومتی، جم ہے کی حبٹری حوالہ کئی ہے۔ کی مقسر رہ رخ کے ستھ ، جس کو ہم صفر ز**اور کے مقام** ممانتے ہیں، اسس کئی رکازادی کی مقام ممانتے ہیں، اسس کئی کور x کے مثبات ہوگا۔ شکل 3.10 مسیں محور کے مثبات ہیں درج نے ہیں درج ذیل ہوگا۔

$$(r.1)$$
  $heta=rac{s}{r}$  (ریڈیمُن ناپ  $heta=rac{s}{r}$ 

یہاں محور X (جوصف رزادی معتام ہے) سے حوالہ ککیسر تک دائری قوسس کی لمبائی 8 ،اور دائرے کار داسس ۲ ہے۔ اسس طسرح تعین کیا گیا اور ہے، در حب یاحیکر کی بحبائے، ریڈیائن اسسی ناپاحبا تا ہے۔ ریڈیئن دولمبائیوں کی نسبت (تقابلی تعساق) ہے المباذاب بے بُعد حسالص عدد ہوگا۔ دائرے کا محیط 2 میر کا لمباذا ایک مکسل دائرے مسیں 20

> rigidbody fixedaxis rotationaxis

zeroangularposition angularposition

radian'

۱٫۷٫ گھے وکے متغیبر

ریڈینن ہوں گے۔

$$(\mathbf{r},\mathbf{r})$$
  $\mathbf{r} = 360^{\circ} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi r$  ريزين  $2\pi$ 

يا

$$(r.r)$$
  $1 = 57.3^{\circ} = 0.159$   $1 = 57.3^{\circ}$ 

محور گھماوپر حوالہ لکسیسر کی تکمسل حپکر کے بعب ہم  $\theta$  واپس صف رنہیں کرتے۔اگر حوالہ لکسیسر صف رزاوی معتام ہے ابت داکر کے دو حپکر تکمسل کرے، لکسیسر کازادی معتام  $\theta=4\pi$  ریڈیٹن ہو گا۔

محور x پر حنائص مستقیم حسرک کے لئے x(t) ، یعنی مصام بالمقابل وقت، حبانے ہوئے ہم حسرک پذیر جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔ ای طسرح، حنائص گھساو کے لئے  $\theta(t)$  ، یعنی زاوی مصام بالمقابل وقت، حبائے ہوئے ہم گھومتے جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔

### زاوی هساو

اگر سشکل 3.10 کا جسم محور گھے۔ و پر سشکل 4.10 کی طسر ج گھوم کر حوالہ ککسیسر کازادی معتام  $\theta_1$  سے تبدیل کرکے  $\theta_2$  کرے، جسم کا زادی ہناو  $\Delta \theta$  ذیل ہوگا۔

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1$$

زادی ہے او کی ہے۔ تعسریف سے صرف استوار جہم بلکہ جہم کے ہر اندرونی ذرہ کے لئے درست ہے۔

گھویال منفی ہیں۔ محور x پر مستقیم حسر کت کی صورت مسیں جسم کا ہناو  $\Delta x$  مثبت یا منفی ہو گا، جو ، محور پر جسم کی حسر کت کے رخ پر مخصر ہے۔ اس طسرح، گھساو کی صورت مسیں جسم کا زاوی ہناو  $\Delta \theta$  درج ذیل متاعدہ کے تحت مثبت یا منفی ہوگا۔

ت عبده ۲۰۱۱ حنلان گھٹری زاوی ہٹاومثبت اور گھٹری وار ہٹاومنفی ہوگا۔

" گھسٹریال منفی ہیں" کا فعت رہ اسس مت عدے کویادر کھنے مسیں مدد دے سکتا ہے۔ یاد رہے گھسٹری کے سسکنٹر کی سوئی کاہر مت م آپ کی زندگی کا ٹتی ہے۔

### آزمائشسا

 باب ۲۲ گھساو

### زاوی مستی رفت ار

منسرض کریں ایک جم وقت  $t_1$  پر زاوی معتام  $\theta_1$  پر اور وقت  $t_2$  پر زاوی معتام  $\theta_2$  پر ہو، جیب شکل 4.10 مسیں دکھایا گیا ہے۔ ہم  $t_1$  تا  $t_2$  وصتی دورانے  $\Delta t$  مسیں جم کی اوسط زاوی سمتی رفتار کا ادسا کی تعسریف ذیل کرتے ہیں،

$$\omega_{\text{b.s.}} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جباں وقت دورانی کے مسیں زادی ہناو سے کہ جب (زادی سنتی رفت ارکے لئے یونانی حسرون ججی کا، چوٹی تکھائی مسیں ، آمنسری حسرت اومیگا س استعال کیا حبائے گا۔) مساوات ہم مسیں کے مسیرے و مسیرے ترکزے نبیت کی درج ذیل تحدیدی قیت حساس ہوگی جو کھاتھ زاور سمتھ رفتار  $\omega$  (یا مختصراً زاور سمتھ رفتار) کہا تھے۔۔۔ کہ التی ہے۔۔

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اگر  $\theta(t)$  معلوم ہو،اسس کا تغسر ق لے کرزاوی سمتی رفت ار $\omega$ 

چونکہ اسس جسم کے تمام ذرہے ہم متدم ہیں، لہذامساوات ۵.۴ اور مساوات ۲.۴ ناصرف مکسل گھومتے استوار جسم کے بلکہ جسم کے برزرے کے لئے درست ہیں۔ زادی سسمتی رفتار کی عصوی مستعمل اکائی ریڈیئن فی سیکنڈ (rad s<sup>-1</sup>)، حرکر فی سیکنڈ (rad s<sup>-1</sup>)، حرکر فی سیکنڈ (وحیکر فی منہ ہے۔

تحور x پر مثبت رخ حسر کت کرتے ہوئے ذریے کی مستی رفت او م شبت جب کہ منفی رخ حسر کت کی صورت مسیں منفی ہوگی۔ ای طسرح محور پر مثبت رخ (حسان شب گھٹوں) گھٹو کی صورت مسیں استوار جسم کی زاوی مستی رفت ار مثبت برب منفی ہوگی۔ ("گھٹریاں منفی ہیں" اب بھی درست ہے۔)زاوی مستی رفت ارکوں منفی ہیں" اب بھی درست ہے۔)زاوی مستی رفت ارکوں منفی ہیں گئی میں عسلامت استعال کریں گے۔

### زاوی اسسراع

$$\alpha_{\text{\tiny b-yl}} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

averageangularvelocity<sup>2</sup>

instantaneous angular velocity A

angularspeed

averageangularacceleration'\*

۱٫۲۹٫ گھماوکے متغیر

جباں ی Δω زاوی سمتی رفت رمسیں Δ کے دوران تبدیل ہے۔ المحاقی زاوی اسراع "(یا مخصراً زاوی اسراع)، جس کے میں زیادہود کچی ہے، کم صف رکے متریب ترکرنے سے نہیں درج ذیل، تحدیدی قیت کو کہتے ہیں۔

$$\alpha = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

مساوات کے  $^{\alpha}$  اور مساوات  $^{\alpha}$  جم کے ہر ذرے کے لئے درست ہیں۔ زاوی اسسراع کی عصومی مستعمل اکائی ریڈ مین فی مستعمل اکائی ریڈ مین فی مسرئع سیکنڈ  $^{\alpha}$  (rad s<sup>-2</sup>) اور حیکر فی مسرئع سیکنڈ  $^{\alpha}$ 

# نمونی سوال ۴۰۱۱ زاوی مقام سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

سنگل 5a.10 میں مت رص اپنے وسطی محور کے گر د گھوم رہاہے۔ مت رص پر حوالہ لکسیسر کازاوی معتام  $\theta(t)$  ذیل ہے، جہاں t اور  $\theta$  بالت رتیب سیکنڈ اور بیڈیئن مسیں ہیں، اور صف رزاوی معتام سنگل مسیں د کھیایا گیاہے۔  $\theta$ 

$$\theta = -1.00 - 0.600t + 0.250t^2$$

x استعال کر کے مسئلے کو باب دی ہور پر لفظ "زاوی معتام" سے "زاوی" حنارج کر کے اور  $\theta$  عسلامت کی جگ x استعال کر کے مسئلے کو باب x کو باب x کو باب x کی کی کی کی کی کی کی کی کار گئی مسیں لے حب میں آپ کو باب x کی کی کی کی کی کار گئی مسیں کے حسام کی مساوات حساسل ہو گا۔)

(۱) مت رص کازادی معتام بالمقابل وقت  $t=-3.0\,\mathrm{s}$  تا  $t=5.4\,\mathrm{s}$  تا کالادی معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کا دری معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حو

#### ا.ا. ۴ کلیدی تصور

وت رص کے زاوی معتام سے مسراد اسس پر تھینچی حوالہ ککسے کا معتام  $\theta(t)$  ہے، جو مساوات  $\theta(t)$  دیتی ہے؛ لہذا ہم مساوات  $\theta(t)$  میں نتیجہ شکل  $\theta(t)$  مسل ہیٹ ہے۔

حماج: مسترص اور حوالہ لکب رکامت ام کسی مخصوص کمیے پر حن کہ بین نے کے لئے ضروری ہے کہ اسس کمیے پر ہمیں  $\theta$  معلوم ہو، جومب اوات  $\theta$  ہمیں کمیے کاوقت ڈالنے سے حساس ہوگا۔ بین  $\theta$  کے لئے ذیل ہوگا۔

$$heta = -1.00 - (0.600)(-2.0) + (0.250)(-2.0)^2$$
  
= 1.2 rad = 1.2 rad  $\frac{360^{\circ}}{2\pi}$  = 69°

یہ نتیب کہتا ہے کہ فت رض پر موجود حوالہ لکت رلحت  $t=-2.0\,\mathrm{s}$  پر صنب رمت م ہے بیشت رخ (حناون یہ نتیب کہتا ہے کہ معت م وجود حوالہ لکت رکا ہے کہ معت م دکھایا گیا ہے۔ گھٹ ری t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م میں معت میں معت م میں معت م میں معت م میں معت میں میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت معت میں میں میں معت میں میں معت میں

instantaneous angular acceleration "

باب ۲۰. گلماو

0.60 ریڈیئن لینی 0.45 ہو گی (من کہ 5)۔ جس کھے ترسیم محور t سے گزرتی ہے،  $0 = \theta$  ہو گااور حوالہ ککسیر لحاتی عسین صف مقتام پر ہو گی (من کہ 2 اور 4)۔

#### كلب دى تصور

تف عسل کی انتہا قیمت (بہاں کم ہے کم قیمت) معسلوم کرنے کی حن طسر ہم تف عسل کا ایک گنا تفسر ق لے کر صف ر کے برابر رکھتے ہیں۔

 $\theta(t)$  کاایک گناتف رق زیل ہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = -0.600 + 0.500t$$

ی کم ے کم قیمت جانے کے لئے ہم مساوات ویں میں میں t والتے ہیں، جوذیل دیگا۔  $\theta(t)$ 

$$\theta = 0$$
 ريڙيئن  $-.136 \approx -77.9^{\circ}$ 

θ(t) کی کم ہے کم قیمت (مشکل 5b.10 مسیں نشیب) صف رزاد کی معتام سے قت رس کی زیادہ سے زیادہ گھٹڑی دار گھما وہے، جو حنا کہ 3 سے کچھ زیادہ ہوگا۔

 $t=3.0\,\mathrm{s}$  ترسیم کریں۔ مترص کا خناکہ  $t=6.0\,\mathrm{s}$  تا  $t=-3.0\,\mathrm{s}$  ترسیم کریں۔ مترص کا خناکہ  $t=4.0\,\mathrm{s}$  بادر ہی کی عبد المت کیا ہوگی۔  $t=4.0\,\mathrm{s}$  بادر ہی ہی کی عبد المت کیا ہوگی۔

#### كلب ي تصور

مساوات ۲۰۱۱ کے تحت زاوی مستی رفت ار $\omega$  سے مسراد d heta/dt ہے جو مساوات

۱۰ ۴ دیتی ہے۔ یوں ذیل ہو گا۔

$$(r.11)$$
  $\omega = -0.600 + 0.500t$ 

اس تف عسل ، (t) ،

 $t=-2.0\,\mathrm{s}$  پربنانے کی حناطب ہم مساوات  $t^{\alpha}$  میں ہے قیمت وال کرذیل  $t=-2.0\,\mathrm{s}$  کرنیل کرتے ہیں۔

$$\omega = -1.6 \, \text{rad s}^{-1} \qquad (\text{--}1.8)$$

۱٫۷٫ گھپ وکے متغیر

منفی کی عسلامت کہتی ہے کہ  $t=-2.0\,\mathrm{s}$  پر تسبر ص گھٹڑی وار (منفی رخ) گھوم رہاہے (جیب سٹکل 5c.10 مسین دائیں ہاتھ حناکے مسین دکھیایا گیاہے)۔

ماوات ۱۱. $\gamma$ مین  $t = 4.0 \, \mathrm{s}$  ڈال کر ذیل ساصل ہوگا۔

 $\omega = 1.4 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  (\_\_| $\mathfrak{L}$ )

مضم ریشت عسلامت کہتی ہے مترص مثبت رخ (منلاف گھٹڑی) گوم رہا ہے (شکل 5c.10 مسیں دایاں ہاتھ مناکہ)۔

 $\omega = 0$  ہوگا۔ جب حوالہ لکب ر، شکل 5b.10 میں  $\omega = 0$  ہوگا۔ بوں  $\omega = 0$  ہوگا۔ جب حوالہ لکب ر، شکل 5b.10 میں  $\omega$  کی کم سے کم قیمت کو بہنچ ہے، مسیر صلحت آئی رکتا ہے، جب شکل 5c.10 میں وسطی من کہ عندیہ دیتا ہے۔ شکل 5c.10 میں  $\omega$  بالمقابل  $\omega$  کی ترسیم پر صنب رنقط، جب ان ترسیم منفی (گھٹری وار) گھٹ وے مثبت (مندان گھٹری) گھٹ و کا آغذاز کرتی ہے، وہ نقطہ ہے جب ان مسیر صلحت تی رکتا ہے۔

ر)  $t = 6.0 \, \text{s}$  تا  $t = -3.0 \, \text{s}$  تا کرسہ ان کرس کی مسرکت ہان کر س

بیان: جب ہم، 0.05 = 0.05 = 0.05 = 0.05 بیان: جب ہم، 0.05 = 0.05 بیان: جب ہم کی دیکھنے کو ملتی ہے۔ یہ 0.05 = 0.05 ریڈ بیکن پر لمحت تی رکنے کے بعب د حندان گھٹری وار اور رفت ارمسیں کمی دیکھنے کو ملتی ہے۔ یہ 0.05 = 0.05 گھومن سشر وی کرتا ہے اور آحن میر کارانس کا زادی معتام دوبارہ شبت ہوتا ہے۔

نمونی سوال ۴۰۲ زاوی اسراع سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

ایک بحب الو ذیل زاوی اسراع سے گھاتا ہے، جہاں t اور α بالت رتیب سیکنڈ اور ریڈ بیکن فی مسریح سیکنڈ میں سے۔

 $\alpha = 5t^3 - 4t$ 

یر لئو کی زاوی سمتی رفت از au 5 rad s اور حوالہ ککے۔ t=0 ریڈیئن ہے۔

(۱) گئو کی زاوی سنستی رفت از  $\omega(t)$  کاریاضی فعت رہ ساسل کریں؛ لینی ایس تغناعسل معسلوم کریں جو وقت پر زاوی سنستی رفت از کا انتخصار صریحاً دے۔ (ہم حبانے ہیں ایس تغناعسل موجود ہے چونکہ گئوزاوی اسسراع سے گزر رہاہے؛ یوں اسس کی زاوی سنستی رفت ارتب دیل ہوگا۔)

#### كلب دى تصور

 $\omega(t)$  تعسرینے کے روسے  $\omega(t)$  کاومت تی تعسر تنہ ہوگا۔ یول، وقت کے لیاظے  $\omega(t)$  کا کھل  $\omega(t)$  دیگا۔ عمل وات  $\alpha(t)$  کا کہتی ہے میں اوات  $\alpha(t)$  کہتی ہے میں اوات  $\alpha(t)$  کا کہتی ہے میں اوات  $\alpha(t)$  کا کہتی ہے میں اوات کے انہائی کہتی ہے میں اوات کی میں اور انہ کی اور انہائی کی انہائی کی انہائی کی اور انہائی کی کی انہائی کی انہائی کی انہائی کی انہائی کی انہائی کی انہائی کی کی انہائی کی کی انہائی کی کرنے کی کی انہائی کی کرنے کرنے کی کرنے ک

 $d\omega = \alpha dt$ 

باب ۲۰. گھاو

للبنذا

$$\int d\omega = \int \alpha \, dt$$

ہو گاجو ذیل کے گی، جہاں C تکمل کامتقل ہے۔

$$\omega = \int (5t^3 - 4t) \, dt = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + C$$

 $\omega=5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  پر t=0 ہے؛الس معلومات کو درج بالامسیں ڈال کر:

$$5 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} = 0 - 0 + C$$

تر المتقل  $C=5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  کے اسل ہوگا۔ یوں در کار تف عمل ذیل ہوگا۔

$$\omega = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5 \qquad (\text{...})$$

ریں۔ heta(t) کاریاضی فقت رہ تلاکش کریں۔ heta(t) کاریاضی

### كلب ي تصور

تعسریف کے روے  $\theta(t)$  کاو مستی تعسری  $\omega(t)$  ویگا۔ یوں، وقت کے لحی ظ ہے  $\theta(t)$  کا تحمل  $\omega(t)$  ویگا۔ یوں، وقت کے لحی ظ ہے اوات ۲۰۲۱ کے تحت :

 $d\theta = \omega dt$ 

ہو گاجس سے ذیل لکھاحب سکتاہے،

$$\theta = \int \omega \, dt = \int (\frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5) \, dt$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + C'$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + 2 \qquad (\text{---})$$

جباں  $\theta=2\,\mathrm{rad}$  پر t=0 جبانے ہوئے t=0 کی قیمت ساسل کی گئ

ا بم. گھاوے متغیر

### كسازاوي معتادير سمتيات بين؟

ہم اکسلے ذرے کامعتام، سمتی رفت ار، اور اسسراع سمتیات ہے ہیان کر سکتے ہیں۔ اگر ذرہ صرف ایک محور پر حسر کت کر تا ہو، سمتی ترقیم استعمال کرناضر ورت نہیں۔ ایسے ذرے کو صرف دورخ دستیاب ہیں جنہیں مثبت اور منفی عسلامت سے ظہر کیا حب سکتا ہے۔

ای طسرح استوار جم متائب محور پر ، محور کے ہمسراہ دیکھتے ہوئے، صرف حنلاف گھٹڑی اور گھٹڑی وار گھوم سکتا ہے۔ان رخ کو ہم مثبت اور منفی سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ یہاں ایک سوال اٹھت ہے: "کسیا ہم گھومتے جم کے زاوی ہٹاو، زاوی سستی رفتار، اور زاوی اسسراع کو سمتیات سمجھ سکتے ہیں؟"اسس کا جو اب ہے"جی ہاں" زاوی ہٹاوک کئے نیچے پیش انتہاہ ضرور دیکھسیں۔)

 $\frac{1}{2}\log_2 \lambda_0 \frac{1}{2} \frac{1$ 

زادی معتادیر سمتیات سے ظاہر کرنے کی عبادت مشکل سے ڈلتی ہے۔ ہم فوراً سوچتے ہیں کہ سمتیہ کے ہمسراہ کوئی چینز حسر کست کرے گل۔ بہاں ایسا نہیں ہوگا۔ اسس کے بحبائے کوئی چینز (جیسا استوار جسم) سمتیہ کے رخ کے گرد گھومتی ہے۔ حنائص گھاو کی دنیا مسین، سمتیہ کارخ کسی چینز کی حسر کت کارخ نہیں بلکہ گھاو کی گور دیگا۔ بہسر حیال، سمتیہ حسر کت بھی تعین کرتا ہے۔ مسزید، سے سمتیات سلجھانے کے ان تمام قواعد کی تعمیل کرتا ہے جو باب 3 مسیں پیشس کیے گئے۔ زادی اسراع کا تھی ایک سمتیہ ہے، اور سے بھی ان قواعد کی تعمیل کرتا ہے۔

اسس باب مسیں صرف مت نئے محور پر گھاو کی بات کی حبائے گا۔ ان مسیں سمتیات استعال کرنے کی ضرورت نہیں؛ ہم زاوی سستی رفت اور گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی کو مثبت اور گھٹڑی وار گھٹڑی کے مضاو کو مثبت ہیں۔

زاوی ہٹاو پہلے انتباہ کی بات کرتے ہیں: زاوی ہٹاو (ماموائے انتہائی چھوٹاہٹاو) کوسمتیہ سے ظہار نہیں کسیاحہا سکتا کیوں نہیں؟ ہم یقی پنا اسس کے رخ اور وحدر کی بات کر سکتے ہیں، جیسا شکل 6.10 مسیں زاوی سستی رفت ارکے لئے کسیا گسیا۔ تاہم، سمتیہ سے ظہار کیے حبانے کے وحایل ہونے کے لئے ضروری ہے کہ معتدار سستی جمع کے قواعد پر پورااتر تی ہو۔ ان قواعد مسیں ایک وحایات کے سمتیا سے جمع کرتے وقت ان کی ترتیب غیسر ضروری ہے۔ زاوی ہٹاواسس وحاء دہ پر یورانہیں از تا۔

شکل 7.10مسیں دی گئی مشال پر غور کریں۔ایک کتاب کو، جو ابت دائی طور پر افقی پڑی ہے، دومسرتب °90 زاوی ہٹاوے گزارا گیا ہے؛ ایک مسرتب شکل 7a.10 اور دوسسری مسرتب شکل 7b.10 کی طسر ت۔ دونوں مسیں ہٹاو برابر، لیکن ترتیب ایک نہیں، اور آحنسر مسین کتاب ایک حبیبی سمت بہیں۔ دوسسری مشال کیتے ہیں۔ دایاں با\_\_\_م. گھساو

ہاتھ لاکا کر ہتھیلی ران پر رکھیں۔ کلائی سخت کر کے، (1) بازو سامنے است اٹھیائیں کہ افقی ہو، (2) اسس کو یورا دائیں لے حبائیں، اور (3)اسس کے بعب ہاتھ واپسس نیچے ران تک لے حبائیں۔ آپ کی جھیلی اب سامنے رخ ہو گی۔ اگر آپ یمی عمسل الٹ ترتیب سے دہرائیں، آپ کی ہتھیلی آحنسر مسیں کس رخ ہو گی؟ان مثال سے ہم دیکھتے ہیں کہ زاوی ہٹاو کا مجسوعہ انہیں جمع کرنے کی ترتیب پر منحف رہے، اہنا اسٹاو کوسمتیہ تصور نہیں کے احب اسکتا۔

# ۲.۲ متقل زاوی اسسراع کا گھیاو

معاصد اسس ھے۔ کوپڑھنے کے بعد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. متقل زادی اسسراع کی صورت مسین زاوی معتام، زادی ہٹاو، زادی سستی رفت ار، زادی اسسراع، اور گزرے دارانے کے تعلق (حبدول ۴۰۱۱) استعال کریائیں گے۔

### كليدي تصور

• مستقل زادی اسراع (جس میں α مستقل ہوگا) گھیاد حسر کے کا ایک اہم خصوصی صورت ہے، جس کی محبر دحسر کسات مساوات ذمل ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha (\theta - \theta_0)$$

$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2} (\omega + \omega_0) t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2} \alpha t^2$$

#### ستقل زاوی اسسراع کا گھمیاو

متنقیم حسر کے مسیں متقل خطی اسراع کی حسر کے (مشلاً، زمسین پر گرتا ہوا جسم)ایک اہم خصوصی صورے ہے۔ حبدول 1.2 مسین اسس طسرح کی حسر کت کومطمئن کرتی مساوات پیش کی گئیں۔

حنالص گھماومسیں متنقل زاوی اسراع ایک اہم خصوصی صورت ہے؛اسس کومطمئن کرنے والی مطباقتی مساوات مائی حباتی ہیں۔ ہم انہیں بیباں اخبذ نہیں کری گے، بلکہ مطبابقی خطی مساوات مسیں مساوی زاوی متغبیرات ڈال کر انہ میں پیش کرتے ہیں۔ حبدول اجم مسین مساوات کی دونوں فہسرست (مساوات 11.2 اور مساوات 15.2 تا مساوات 18.2؛ مساوات ۱۲.۲۲ تامساوات ۱۲.۲۸) پیشن کی گئی ہیں۔

بادرے مباوات 11.2 اور مباوات 15.2 متقل خطی اسراع کی بنسادی مباوات ہیں، جن سے فہر سب کی ہاقی تمام مساوات اخسذ کی حباسکتی ہیں۔اسس طسرح،مساوات ۱۲.۴ اور مساوات ۲.۱۳ مستقل زاوی اسسراغ کی بنبادی مبادات ہیں، جن سے زاوی مبادات کی فہسرست کی ماتی تمیام مساوات اخبیذ کی حساسکتی ہیں۔ مستقل

### حبدول ۲۰۰۱ مستقل خطی اسسراغ اور مستقل زاوی اسسراغ کی حسر کت کی مساوات

$$i$$
 نطی می اوات  $\omega=\omega_0+\alpha t$  (2.11)  $v=v_0+at$ 

(r.ir) 
$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
 (2.15)  $x - x_0 = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$ 

$$(r.r) \omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0) (2.16) v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

(r.ia) 
$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$
 (2.17)  $x - x_0 = \frac{1}{2}(v_0 + v)t$ 

(7.14) 
$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$
 (2.18)  $x - x_0 = vt - \frac{1}{2}at^2$ 

زادی اسراع کا سادہ مسئلہ حسل کرنے کے لئے آپ عصوماً زادی فہسرست سے (اگریہ فہسرست آپ کے پاکس موجود ہو) ایک مساوات استعال کر پائیں گے۔ آپ وہ مساوات منتخب کریں گے جس مسین صرف وہ متنخب عنب معسلوم ہوجو آپ کو در کار ہو۔ بہستر طسریق سے ہوگا کہ آپ مساوات ۱۲.۱۲ اور مساوات ۱۳.۱۳ اور مساوات حسل کریں۔ کیس اور جب ضرورت پیش آئے، انہیں بطور ہمسزاد مساوات حسل کریں۔

آزمائشس۲

(3)،  $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$  (برج)،  $\theta = 3t - 4$  (ابرج)  $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$  (برج)  $\theta = 3t - 4$  (ابرج)  $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$  (برج)  $\theta = -5t^3 + 4t^3 + 6$  (برج)  $\theta = -5t^3 + 6t^3 + 6t$ 

نمونی سوال ۲۰٫۳ ممتقل زاوی اسراع، کی کا پای

t=0 کے خوم رہا ہے۔ وقت t=0 کے گوم رہا ہے۔ وقت t=0 کے گوم رہا ہے۔ وقت t=0 کے پرانس کی زاوی t=0 کے برانس کی زاوی t=0 کے برانس کی زاوی t=0 کے برانس کی زاوی میں برگینجی گئی خوالہ لکت رکامت ام t=0 ہے۔ t=0 کے برانس کی مقابل کے برانس کی مقابل کی مقابل

(۱)وقت t=0 سے کتنی دیر بعب حوالہ ککسیسرزاوی متسام t=0

كليدي تصور

میں ہے۔ چونکہ زاوی اسسراع مستقل ہے لہلنداہم حبد ول ا جس سے مساوات چن کتے ہیں۔ ہم مساوات ۳.۱۳

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

کا نتخت ہے اسس لئے کرتے ہیں کہ اسس مسیں صرف ایک متنب ر، t ، نامع اور ہمیں یمی در کارہے۔

باب ۲۰. گھماو

حماہ: دی گئی معلومات ڈال کر اور  $heta_0=0$  اور  $heta=10\pi$  rad پکر heta=0 کیتے ہوئے ذیل ہوگا۔

$$10\pi\,\mathrm{rad} = (-4.6\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})t + \frac{1}{2}(0.35\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2})t^2$$

(اکائیوں کے شباہ کی حناطب ہم 5.0 حیکر کو 10π ریڈیٹن مسین تبدیل کرتے ہیں۔)اسس دو درجی الجبرائی مساوات کو حسل کرنے ہے ذیل حساصل ہوگا۔

$$t = 32 \,\mathrm{s}$$

ان ایک بچیب بات پر خور کریں۔ جب ہم پہلی مسرت پاٹ پر نظر ڈالتے ہیں یہ منتی رخ گوم کر  $\theta=0$  ست بند معتام ہے گزر تا ہے۔ اسس کے باوجود a=0 بعد ہم اسے a=0 a=0 حپکر مثبت ست بند معتام پر پاتے ہیں۔ اسس دورانے مسین ایسا کیا ہوا کہ پاٹ مثبت ست بند معتام پر ہو سکتا ہے ؟

اور 
$$t=32\,\mathrm{s}$$
 اور  $t=32\,\mathrm{s}$  اور  $t=0$ 

 $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$  ناوی رفت ارے حسر کت کر تا ہے،  $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$  تاہم اسس کا زاوی اسراع  $\alpha$  مثبت ہونے کی بدولت پائے منافی رخ کے جست میں الی مثبت رخ گومت شروع کر تا ہے۔ حوالہ ککسی مثبت رخ حسل کر  $\omega_0 = 0$  مقام ہے دوبارہ گزرتی ہے اور  $\omega_0 = 0$  گزرنے تک مثبت رخ مسندید  $\omega_0 = 0$  گزرنے تک مثبت رخ مسندید  $\omega_0 = 0$  مقام ہے دوبارہ گزرتی ہے اور  $\omega_0 = 0$  گزرنے تک مثبت رخ مسندید  $\omega_0 = 0$  مقام ہے دوبارہ گزرتی ہے اور  $\omega_0 = 0$  گزرنے تک مثبت رخ مسندید  $\omega_0 = 0$ 

### (ج) پائے کس وقت t پر لمحاتی رکتاہے؟

حماہے: ہم دوبارہ زاوی مساوات کی فہسرست پر نظسر ڈالتے ہیں اور ایسی مساوات لین حیات ہیں جس مسیں صون t نامعسلوم متغیسر ہو۔ تاہم، اب مساوات مسیں  $\omega$  کاہونا بھی ضروری ہے، تا کہ ہم اسس کو 0 لے کر مطابقتی t کے کے حسل کریں۔ ہم مساوات t1. ہم منتخب کرتے ہیں، جوذیل دیگی۔

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{0 - (-4.6 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})}{0.35 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2}} = 13 \,\text{s}$$

# نمونی سوال ۴۰،۴: ممتقل زاوی اسراع، پیے کی سواری

تغسر ت گاہ مسیں ایک بڑا پہیا حیلاتے ہوئے آپ کی نظسر پیچے پر سوار ایک شخص پر پڑتی ہے جو پریشان نظسر آتا ہے۔ آپ بیچے کی زادی سمتی رفتار مسین آل زادی اسراع کے ساتھ 3.40 rad s<sup>-1</sup> کے کروں مسیں کم کر کے بیچے کی زادی سمتی رفتار مسین کم کر کے بیں۔ (اسس شخص کو"گھومت شخص"تصور کرنے ہے" مستقیم حسر کرتے ہیں۔ (اسس شخص کو"گھومت شخص"تصور کرنے ہے" مستقیم حسر کرتے کرتا شخص "کہنازیادہ بہستر ہوگا۔)

(۱)زاوی سنتی رفت ارکی کی کے دوران متقل زاوی اسراع کیا ہوگی؟

سے کی زادی اسراع مستقل ہے، المبذا ہم اسس کی زادی سمتی رفتار اور زادی ہداو کا تعملق مستقل زادی اسسراع کی م اوات (م اوات ۱۲.۴ اور م اوات ۱۳.۴ ) سے حسان کتے ہیں۔

حماہ: آئیں دیکھیں آیا ہم ان بنیادی مسادات کو حسل کریائیں گے۔ ابت دائی زادی سستی رفت ار  $\omega=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  اورہاوی سے آرنوی ہون اور ہاوی ہے ہورہ کے آسندرپر زاوی سے تاریخت کی متعاد $\theta-\theta_0=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ = ہے۔ ہم متقل زاوی اسراع  $\alpha$  حبانت حیاج ہیں۔ دونوں مساوات میں وقت t پیاحب تا ہے، جس میں ضر وری نہیں ہم دلچیبی رکھتے ہوں۔

نامعلوم t حنارج کرنے کے لئے ہم مساوات tا ہم ا

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha}$$

لکھ کرمپاوات ۱۳ ہمپیں ڈالتے ہیں۔

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right) + \frac{1}{2} \alpha \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right)^2$$

م کے لئے حسل کر کے، دی گئی معسلومات پُر کر کے، اور 20.0 حیکر کو 125.7 rad مسیں بدل کرذیل حساس ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\omega^2 - \omega_0^2}{2(\theta - \theta_0)} = \frac{(2.00 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2 - (3.40 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2}{2(125.7 \,\text{rad})}$$
$$= -0.0301 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2} \qquad (\text{--}1.2)$$

( \_\_\_ )رفت ارکتنے وقت مسین کم کی گئی؟

 $t = \frac{1}{2}$  حیات میں، میاوات t = t سامسل کیا جا سات ہیں، میاوات t = t

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{2.00 \,\text{rad s}^{-1} - 3.40 \,\text{rad s}^{-1}}{-0.0301 \,\text{rad s}^{-2}}$$
$$= 46.5 \,\text{s} \qquad (-1.8)$$

# ۳٫۳ خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

مقاصد اسس ھے کویڑھنے کے بعید آیہ ذیل کے متابل ہوں گے۔

باب ۲۰. گلماو

ا. فت ائن۔ محور پر گھومتے ہوئے استوار جم کے زاوی متغیبرات (زاوی مقتام، زاوی سنتی رفت ار، اور زاوی اسسراع) کا جم پر ایک ذرب، جو کسی رداسس پر پایا حب تا ہو، کے خطی متغیبرات (مقتام، سنتی رفت ار، اور اسسراع) کے ساتھ تعسلق حب ان یا ئیں گے۔

۲. ممای اسسراع اور ردای اسسراع مسین تمسیز کر پائیں گے، اور کی محور پر گھومتے ہوئے جہم پر موجود ذرے کے لئے بڑھتی زادی رفت ارداور گھٹتی زادی رفت ارکی صور سے مسین دونوں کے سمتہ بہنایائیں گے۔

# كليدي تصور

• گومتے جم پر محور گھماوے عصودی فناصلہ  $\gamma$  پرپائے حبانے والا نقطہ، رداس  $\gamma$  کے دائرے پر حسر کت کرتا  $\gamma$  کو میں ناپاحبانے گا۔  $\gamma$  کا جسم زاویہ  $\gamma$  کھوم، بین ناپاحبانے گا۔

$$s = \theta r$$
 (ریڈینُن ناپ )

• اسس نقطے کا خطی سمتی رفت ارق وائرے کو ممساس ہو گا؛ نقطے کا خطی رفت ار ذیل ہو گا، جہساں ، جسم اور نقطے کا (ریڈیئن فی سیکنٹر)زادی رفت ارہے۔

$$v = \omega r$$
 (ریزینُناپِ)

 اس نقطے کے خطی اسراع π کے دوجھے ہوں گ؛ایک ممائی حبزواور دوسسراردائی حبزو۔ ممائی حبزوؤیل ہو گا، جباں α جم کے (ریڈیئر) فی مسرع سیکٹر مسیں )زاوی اسراع کی ت درہے۔

$$a_t = \alpha r$$
 (ریڈینُن نایے)

رداسی حب زوذیل ہو گا۔

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$
 (ریڈیمن ناپ)

• اگرید نقط یک داوری حسر کت کرتا ہو، اسس نقطے اور جسم کادوری عسر صب T ذیل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (پیٹین ناپ (سیٹین ناپ )

# خطی اور زاوی متغیبرات کار شته

محور گھاو کے گرد دائرے پر متقل خطی رفتار ہ کے ساتھ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی یکسال دائری حسر کت پر حصہ 5.4 مسین غور کسیا گئیا۔ جب استوار جہم کسی محور پر گھومت ہے، جہم کاپر ذرہ اپنے ایک دائرے پر ای محور کے گرد گھومت ہے۔ چونکہ جہم استوار (بلا کچک ) ہے، ایسے تمام ذرے ہم صدم حسل کر ایک جستنے وقت مسیل ایک حسل کرتے ہیں؛ ان سب کی زاوی رفتار ہ برابر ہے۔

تاہم، ایک ذرہ جتنا محورے دور ہوگا، اتن اس کے دائرے کامحیط بڑا ہوگا، لہٰذااسس کی خطی رفت ار ہ اتنی زیادہ ہوگا۔ گھومنے والے جھولے تاہم میں ایک خطی رفت ارسی کے خوسس کر سکتے ہیں۔ مسر کزے جبتنے مناصلے پر بھی آپ ہول، آپ کی زاوی رفت ارسی ایک جھولے تاہم مسر کزے دور ہونے پر آپ کی خطی رفت ارہ بڑھے گا۔

ہم جم پر کی مخصوص نقطے کے خطی متغیبرات s ، v ، اور a اور v ، اور a کا تعباق حبانت v ، اور v کا تعباق حبانت متغیبرات کی ان فہرست کار سفتہ مور گھراوے نقطے کے عصودی مناصلہ v کے ذریعے ہوگا۔ یہ عصودی و ناصلہ اس دائرے کارداس v ہوگا جس پر محور محمود کی گھراوے گر د نقطے اور محور گھراوے گا جس کر تاہے۔

معتام

اگر استوار جہم پر تھینجی گئی حوالہ لکسے رزاویہ 6 گھوے، محور گھساوے ۴ مناصلے پر موجود جہم کے اندر نقطہ دائری قوسس پر مناصلہ ۶ طے کرے گا، جہاں ۶ کی قیمیہ مساوات ۱۰، بی ہے۔

$$(r.12)$$
  $s = \theta r$  (ریڈ بین ناپ  $s = \theta r$  (ریڈ بین ناپ ا

مباوات ۱۷ مه جارا پہلی خطی و زاوی لغساق ہے۔انتباہ: زاویہ θ کاناپ ریڈیئن مسیں لاز می ہے چونکہ درج بالامساوات زاویے کے ریڈیئن مسین ناپ کی تعسریف ہے۔

رفتار

رداس ۲ کومتقل رکھ کروقت کے ساتھ مساوات ۱۷ ۴ کا تفسرق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}r$$

لیکن، ds/dt نقطے کی خطی رفت ار (خطی سنتی رفت ار کی و تدر)، اور dθ/dt گھومتے جم کی زاوی رفت ار سے بیوں ذیل ہوگا۔

$$v = \omega r$$
 (پینین تایا میرین تانیم)  $v = \omega r$ 

انتبه:زاوى رفت ارس لازماريدين في سيكندمين نابي حبائے گا۔

استوارجم کے بتم اندرونی نقطے ایک زاوی رفت ارس سے گھو سے بین الہذا مساوات ۱۰۸ مہتی ہے زیادہ رواس ۲ پر واقع نقطے کی خطی رفت ار بہیث نقطے کی دائری راہ کو مماسی ہوگ۔ نقطے کی خطی رفت اربہیث نقطے کی دائری راہ کو مماسی ہوگ۔ اگر جم کا زاوی رفت ارس مستقل ہو، مساوات ۱۸۰۸ ہم ہتی ہے جم کے اندر نقطے کی خطی رفت ارس بھی مستقل ہوگ یوں، جم کے اندر موجود ہر نقطے بیساں دائری حسر کت کرتا ہے۔ استوار جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر مسسس کے اندر موجود ہر نقطے بیساں دائری حسر کت کرتا ہے۔ استوار جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر مسسس کا دوری عسر مساوات 35.6 نیل وی ہے۔

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

merrygoround"

بایس ۲. گلمب و

 $2\pi r$  کو اسس میاوات کے تحت، ایک حپکر کے وٹ صلے  $2\pi r$  کو اسس رفت ارسے تقسیم کر کے جس سے وٹ اصلہ طے کسیاجب نے ایک حپکر کاوقت حساصل ہوگا۔ میاوات ۲۰۱۸ سے v ڈال کر r منوخ کر کے ذیل حساصل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (پیرین ناپ  $T = \frac{2\pi}{\omega}$  (پیرین ناپ ا

یہ معسادل مساوات کہتی ہے ایک حیکر کازاوی مناصلہ، 2π ریڈ بینُ، اسس زاوی رفت ارے تقسیم کرکے، جس سے زاوی و ناصلہ طے کیا جب ایک حیکر کاوقت حساصل ہوگا۔

اسسراع

رداسس ۲ متقل رکھ کر t کے لحاظ سے مساوات ۲۱۸،۴ کا تفسر ق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}r$$

یہاں ہم ایک پیچید گی کا سامن کرتے ہیں۔ مساوات انہ کا بایاں ہاتھ dv/dt فطی اسراع کے صرف اسس ھے کو ظل ہم ایک پیچید گی کا صدر تحلی اسراع کا سید ملی کا ذمہ دار ہے۔ ستی رفت از  $\vec{v}$  کی طسر تحلی اسراع کا سید حد نقطی کر تا ہے جو خطی اسراع کا مما کی جو خطی اسراع کا مما کرتا ہے جو خطی اسراع کا مما کی جو نہ  $a_t$  کہہ کرنے کرزیل کھتے ہیں، جہاں  $a_t$  ہے۔

$$(r.rr)$$
  $a_t = \alpha r$  (ریڈیمن ناپ )

انت ہو: مساوات r ، r مسیں زاوی اسسراع  $\alpha$  کاریڈ یئن نا ہے مسیں ہونالازم ہے۔ ساتھ ہی، جیسا مساوات  $a_r = \frac{v^2}{r}$  ہوگا، جو  $a_r = \frac{v^2}{r}$  ہوگا، جو گا، جو

$$(r.rr)$$
  $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$  (پیریمن ناپ )

یوں، جیب سٹکل 9b.10 مسیں دکھیایا گیا ہے، استوار گھوٹے جم پر نقطے کے خطی اسسراع کے عصوماً دو حبزو ہوں گے۔ جب بھی جم کی زاوی سستی رفت ارغیب صفسہ ہو، ردای اندر کی طسر ن کاحبزو  $a_r$  موجود ہوگا (جو مساوات ۲۳۳ میں ورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔ رق ہے)۔ ممای حبزو  $a_t$  (جو مساوات ۳۰۰ وی ہے) اسس صورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔  $a_t$  آزمانٹ س

گھونے والے جھولے کے حلق پر چیو نئی سیسٹھی ہے۔اگر اسس نظام (گھومٹ والا جھولا و چیو نئی) کی زاوی سسمتی رفت ارمستقل ہو، کسیا چیو نئی کا (ا)ردای اسسراع اور (ب) ممسائی اسسراع ہو گا؟ اگر س گھٹ رہی ہو، کسیا چیو نئی کا (ج)ردای اسسراع اور (د) ممسائی اسسراع ہوگا؟

نمونی سوال ۲۰۰۵: تفریح گاہ **میں ایک بڑے علقہ کی بناولے** ہمیں ایک بڑاافقی علقہ ، جس کارداس س 33.1 سے ہوگا، بنانے کو کہا گیا ہے جوانقسانی دھسرے پر جیلے گا۔ (پ جبین مسیں موجود دنیا کے سب ہے بڑے پہتے جتنا ہوگا۔) موار کے بیسرونی دیوار مسیں موجود دروازے ہو t=0 مار کے ساتھ کھٹرے ہوں گے (شکل 10a.10)۔ کے پیر جوالہ ککیسر کازاوی معتام  $\theta(t)$  گھے۔ t=0 کے بیسر کازاوی معتام t=0 کے بیسر کازاوی معتام t=0 کے بیسر کازاوی معتام t=0 کے بیسر کازور تی ہے، جبال t=0 میں معتام کے بیسر کانور تی ہے، جبال t=0 میں معتام کے بیسر کانور تی ہے، جبال معتام کے بیسر کانور تی ہے، جبال معتام کے بیسر کانور تی ہے۔

$$\theta = ct^3$$

لحبہ  $z=2.30\,\mathrm{s}$  کے بعب جمولنے کے بھیں رامکسل ہونے تک زاوی رفت ارمستقل رکھی حبائے گا۔ گومت شروع ہونے کے بعب ، موار کے پاول تلے فسٹر سٹ ہا دی حبائے گا، لیکن وہ گرے گانہ میں؛ بلکہ وہ دیوار کے ساتھ مفبوطی سے حب گزا موسس کرے گا۔ کموسس کرتے ہیں۔ روای اسراع z=1 موسس کرتے ہیں۔

### كلي دى تصور

(1) مساوات T راوی رفتار w و بی ہے۔ (2) مساوات T (دائری راہ پر) خطی رفتار T اور (کور گھساو کے گرد) راوی رفتار T کا تعلق T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (4) مساوات T و بی ہے۔ (5) مساوات T و بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی میں عصوری حبزو ہیں۔

حماج: آئیں ان افت دام ہے گزریں۔ دیے گئے زاوی معتام تف عسل کاو متنی تفسر ت لے کر 2.20 s پُر کر کے زاوی سنتی رفت ارمعیادہ کرتے ہیں۔

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} = \frac{d}{dt}(ct^3) = 3ct^2$$

$$= 3(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})^2$$

$$= 0.928\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{--}1.6)$$

مباوات ۱۸ ۱۴ س لمجے کی ذمل خطی رفت ار دگی۔

اگر حیب بید رفت از (111 km h<sup>-1</sup>) تبیز ہے، ایکی رفت از تفسری گاہوں مسیں عسام ہیں، اور خطسرے کا باعث نہیں ؛ (جیب باب 2 مسیں ذکر کیا گیا) ہمارا جم اسراع کورد عمسل کرتا ہے، خطی رفت از ہم بیت ہمیں کے ساتھ بڑھے گی (تاہم یہ اضاف سے مسرعت پیسا ہیں)۔ مساوات ۲۲ ہم کہتی ہے خطی رفت از، وقت کے مسرع کے ساتھ بڑھے گی (تاہم یہ اضاف لے 2.20 s

۸۰ پایس ۲۰. گلمهاو

اسس کے بعب، مساوات ۲۵.۲۵ کاوقت تفسر ق لے کرزاوی اسسراع معسلوم کرتے ہیں۔

اب مساوات ۴۰۲۲مماسی اسراع at دیگی:

$$a_t = \alpha r = 6ctr$$

$$= 6(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})(33.1\,\mathrm{m})$$

$$= 27.91 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \approx 27.9 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{---}).$$

جو 2.8g ، جہاں  $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-2}}$  برابر ہے (جو مناسب ہے اور پُر اطف ہوگا)۔ مساوات  $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-3}}$  مما تی اسراع اقت کے ساتھ بڑھ رہا ہے (تاہم سے اضاف  $t=2.30\,\mathrm{s}$  پر رک حبائے گا)۔ مساوات  $t=2.30\,\mathrm{s}$  ہما تی اسراع کھتے کر:

$$a_r = \omega^2 r$$

 $\omega = 3ct^2$  والمسترابي  $\omega = 3ct^2$ 

$$a_r = (3ct^2)^2 r = 9c^2t^4 r$$
 
$$= 9(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})^2 (2.20 \, \mathrm{s})^4 (33.1 \, \mathrm{m})$$
 
$$= 28.49 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \approx 28.5 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{--}i\text{-$$

جو 2.9g دیتاہے (ب بھی مناسب ہے اور پُر لطف ہوگا)۔

ردای اور ممای اسسراٹ ایک دوسسرے کو عسمودی ہیں اور سوار کے اسسراٹ  $\vec{a}$  کے حسنزہ ہیں (شکل 10b.10)۔اسسراٹ  $\vec{a}$  کی تسدر ذیل ہو گی:

$$\begin{array}{c} a = \sqrt{a_r^2 + a_t^2} \\ \\ = \sqrt{(28.49\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2 + (27.91\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2} \\ \\ \approx 39.9\,\mathrm{m\,s^{-2}} \quad (\text{--}\text{i.s.}) \end{array}$$

جو 4.1g کے برابر ہے (یہ یقیناً پُر لطف ہوگ!)۔ یہ تمام معتاد پر مناسب ہیں۔ اسراع تھ کی سمت بندی حبانے کے لئے ہم زاویہ  $\theta$  معلوم کرتے ہیں (شکل 10b.10)۔

$$\tan \theta = \frac{a_t}{a_r}$$

ہم ہم گھماو کی حسیر کی توانائی ΛI

آئیں اعبدادی نتائج کے کرنے کی بحبائے ہم مساوات ۲۷.۳۸ اور مساوات ۴۸.۲۸ کے الجبرائی نتائج استعال کرتے ہیں۔

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{6ctr}{9c^2t^4r}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{2}{3ct^3}\right)$$

ریاضی نتیج کابڑاف کرہ ہے ہے کہ ہم اب دیکھ سکتے ہیں کہ (1)زاویے پر رداسس کا کوئی اثر نہیں ہو گااور (2)اسس کی قیمت t کی تیت 0 تا 2.20 ہڑھانے سے گھٹتی ہے۔ ردای اسراع (جو  $t^4$  یر منحصر ہے ) بہت جلد ممای اسراع (جو مرنے  $t=2.20\,\mathrm{s}$  پرزیل ہوگا۔  $t=2.20\,\mathrm{s}$  پرزیل ہوگا۔

$$\theta = \tan^{-1} \frac{2}{3(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})(2.20 \, \mathrm{s})^3} = 44.4^\circ \qquad (\text{...})$$

# س. سم مستحمهاو کی حسر کی توانائی

**مقاصد** اسس حسبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. ذرے کا تھمیے ری جود نقطہ پر تلاسٹس کریائیں گے۔

۲. و انک محور کے گرد گھومتے ہوئے متعبد د ذرول کا کل گھمپ ری جمود تلاسٹس کرمائیں گے۔

س. گھمپ ری جمود اور زاوی رفت ارکی صورت مسیں جسم کی گھمپ ری حسر کی توانائی تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• تائب محور پر گھومتے استوار جسم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2$$
 (پیٹین ناپ )

جب اں I جم کا گھیسری جمود کہ اتا ہے، جس کی تعسریف انفٹ رادی ذروں کے نظام کے لئے درج ذیل ہے۔

$$I = \sum m_i r_i^2$$

### گھياو کي حسير کي توانائي

مینز آرا کا تیبزی ہے گومت دھے ر دار پیسل یقیناً گومنے کی بن حسر کی توانائی رکھتا ہے۔ ہم اسس توانائی کو کسس طسرح بیان کر کتے ہیں؟ ہم توانائی کے عصومی کلیہ  $K=rac{1}{2}mv^2$  سے پورے آرا کی حسر کی توانائی حسال نہیں کر سکتے چونکہ ے آرے کے مسر کز کمت کی حسر کی توانائی دیگا،جو صف رہے۔ باب ۲۰. گلم او

اسس کے بحبائے، مسینز آرا (اور کسی بھی دوسسرے گھومتے استوار جمم) کو ہم مختلف رفت ارسے حسر کت کرتے ذروں کا محبسوعی تصور کرتے ہیں۔ ان ذروں کی انفسسرادی حسر کی توانائی حساسل کی حباسکتی ہے۔ پورگے جسم کی حسر کی توانائی دیاں ہوگی،

$$K = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 + \frac{1}{2}m_3v_3^2 + \cdots$$

$$= \sum \frac{1}{2}m_iv_i^2$$

جہاں i ویں ذرے کی کمیت  $m_i$  اور رفتار  $v_i$  ہے۔ محبموعہ جسم کے تمام ذروں پر لیاحبائے گا۔

م اوات ۲۰۳۱ مسیں مشکل ہے ہے کہ ہر ذرے کی رفتار دوسرے سے مختلف ہو سکتی ہے۔ اسس مشکل ہے بیجنے کی دفتار دوسرے سے متعلق ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔ حناطب ہم مساوات ۱۸۰۸ء سے ۳۰ ال کر ذیل کھتے ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔

(r.rr) 
$$K = \sum \frac{1}{2} m_i (\omega r_i)^2 = \frac{1}{2} \Big( \sum m_i r_i^2 \Big) \omega^2$$

مساوات ۱۳۳ مسیں دائیں ہاتھ تو سین مسیں بند مقدار، محور گھماوے لیاظ سے گھومتے جم کی کیہ۔ کی تقسیم پیش کرتی ہے۔ یہ مقدار، محور گھماوے لیاظ سے گھومتے جم کا گھمیری جمور سازیا جمودی معیار اثر سا) کہا تا ہے، جس کو ہم I سے ظلم کرتے ہیں۔ محور گھماوے لیاظ سے جم کے I کی قیمہ اللہ ہوگا۔ (انتہاہ: I کی قیمہ صورت ہامتی ہوگا۔ جم کے I کی قیمہ اس محورت ہمتی ہوگا، تاہم اب بھی اس کی قیمہ جب اس محور کاذکر کیا جب نے۔) کی دو سسری محور گھماوپر ای جم کا I عصوماً مختلف ہوگا، تاہم اب بھی اس کی قیمہ متقل ہوگا۔ ہم ذیل کھر کر،

$$I = \sum m_i r_i^2$$
 (گھیے دی جمود) آھیے دی جمود)

مساوات ۳۳۲ مسیں ڈال کر مطباوی تعساق:

 $v=\omega v$  استعال کرتے ہیں۔ چونکہ  $v=\omega r$  استعال کرے درج بالانعساق حسامسل کی آلیب ناپ  $v=\omega v$  کی قیمت ریڈ بیئن ناپ مسین کھنی ضروری ہے۔ جو دی معیار از  $v=\omega v$  کائی کلوگرام مسر بح مسیر  $v=\omega v$  ہے۔

طریقہ کار۔ اگر جہم چند ذروں پر مشتل ہو، ہم ہر ذرے کی انفسرادی حسر کی توانائی mr<sup>2</sup> تلاسش کر کے تمام کا محبموعہ، مساوات ۳۳۳ کی طسرح، لے کر جہم کا کل تھمیسری جود I معسلوم کر سکتے ہیں۔ جہم کی کل تھمیسری حسر کی توانائی حبائے کے لئے معسلوم شدہ I کو مساوات ۳۳۴ مسیں ڈالٹ ہوگا۔ چند ذروں کے لئے سے طسریقہ کار استعال کیا

rotationalinertia"

momento finartio If

۵.۲. گھمپ ري جود کاحباب

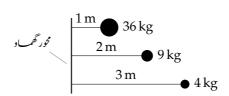
حب نے گا؛ اگر جیم مسین ذروں کی تعداد بہت زیادہ ہو (جیب ایک ساخ مسین ہو گا) تب کیب ہو گا؟ اگلے ھے مسین ہم اسس فتم کے استمراری اجب مونٹ ٹنا سسیکھیں گے؛ فسکر مت کریں، نست نج مسئٹوں مسین حساسل ہوں گے۔

م وات  $K = \frac{1}{2}I\omega^2$  و بن العرب معنی میں استوار جم کی حسر کی توانائی  $K = \frac{1}{2}I\omega^2$  و بن العرب معنی محسر کی توانائی کلید میں حسر کی توانائی کلید میں توانائی کلید میں توانائی کلید میں کی نیاوی معنی اور کیست کا رجس میں کمیت اور کمیت کی حسن معنی میں استوار کا مسر تع پایا جب تا ہے۔ ایک کلید میں کمیت اور کمیت کی تقصیم دونوں شامل ہیں) پایا جب تا ہے۔ ساتھ ہی دونوں کمیں نوتار کا مسر تع پایا جب تا ہے والی میں معنی اور دوسرے میں زاوی کے مسین زاوی حسر کی توانائی ہے، تا ہم مسئلہ دکھ کر موزوں صور سے ایٹ گئی ہے۔

ہم پہلے کہ۔ پ جی بین کہ گومتے جہم کا گھی۔ ری جود ناصرف کی۔ بلکہ کی۔ کی تقسیم پر بھی مخصر ہوگا۔ آئیں ایک ایک مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لمبی اور بھیاری سان ، پہلے طولی محود پر (شکل 11a.10) مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لمبی کی اور سان کی بھی نقط ہے گزرتی اور سان کو عصودی محمود پر (شکل 11b.10) گھی میں کیے۔ ایک سے باہم پہلی صور سے مسین گھی ازیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین گھی ازیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین کی بدول سے مشکل 11a.10 میں سان کی بدول سے مسین گھی بازیادہ آسان ہوگا۔ مسین سے کی صور سے مسین گھی بازیادہ آسان ہوگا۔ مسین گھی بروگا۔ مسین کی سازیادہ آسان ہوگا۔ کم گھی ہے دی جود کی صور سے مسین گھی بازیادہ آسان ہوگا۔

#### آزمائشس

تین کرہ انتصابی محورے گرد گھومتے مشکل مسیں د کھائے گئے ہیں۔ ہر کمیت کے مسر کزے محور تک عصودی مناصلہ بھی دیا گیاہے۔اسس محور پر گھمیسری جمود کے لیے ظرے کمسیوں کی در حب سندی کریں۔زیادہ قیست اول رکھسیں۔



# ۴.۵ محميري جمود كاحساب

مقاصد

اس مے کوپڑھنے کے بعد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ان اجام كالهميري جود معلوم كرپائين كي جوحبدول 1.10مين دي گئي ہيں۔
  - ۲. جم کے تمین گزوں پر تکمل لے کر جم کا گھمیے ری جود تلاسٹس کریائیں گے۔
- m. جم کے مسر کز کمیت سے گزر تی ٹحور گھساوسے ہیٹ کر متوازی محور کے لئے متوازی محور مسئلے کااطباق کریائیں گے۔

باب ۲. گھاو

# كليدي تصورات

• انف ادی ذرول پر مشتل جم کے گھمیری جمود کی تعسریف:

$$I=\sum m_i r_i^2$$
 اور جس جم مسیں کمیت کی تقسیم استمراری ہوذیل ہے۔ $I=\int r^2\,\mathrm{d}m$ 

انعنسرادی ذرے کا محور گھماوے عصودی مناصلہ  $r_i$  ہے۔ ای طسر تکمل مسیں کمیت کے کلڑے کا محور گھماوے عصودی مناصلہ  $r_i$  ہورے جم پر لیا حباتا ہے تا کہ کمیت کے تمام کلڑے مشامل کیے حسودی مناصلہ  $r_i$ 

• کی بھی محور پر جسم کے گھمیسری جمود I اور مسر کز کمیت سے گزرتی متوازی محور پرای جسم کے گھمیسری جمود کا تعساق:

$$I = I_{--- \langle \lambda \rangle} + Mh^2$$

مسئلہ متوازی محور دیت ہے۔ دو محوروں کے نی عسودی مناصلہ h ہے، اور مسرکز کیت سے گزرتی محور گھساوپر جم کا گھسیسری جود مسرکز کیت سے گزرتی محور گھساوسے جتنا دور اصل محور گھساوہ بائی گئی، ہم h کو وہناصلہ تصور کر سے ہیں۔

### تھمیںری جمود کاحساہ

چند ذروں پر مشتل استوار جسم کا گھمیے ہیں، مجود، محور گھساوپر، مساوات  $(I=\sum m_i r_i^2)$  میں ہم ہر ذرک کا سام میں کہ محوری میں کہ محور گھساوے ذرکے کا مسمودی مناصلہ T ہوگا۔)

اگر جم مت ریب مت ریب انتهائی زیادہ ذروں پر مشتل ہو (جسم استمراری ہوگا)، مساوات ۳۳۳ کا استعال بہت لمب کام ہوگا جس کے لئے کمپیوٹر در کار ہوگا۔ بہتریہ ہوگا، ہم مساوات ۳۳۳ کے محب وعب کی جگہ کمل لے کر گھسیسری جمود کی تعسرین زیل کریں۔

$$I=\int r^2\,\mathrm{d} m$$
 (۴.۳۵)  $I=\int r^2\,\mathrm{d} m$  (۴.۳۵)

حبدول 2.10 مسیں عسام سشکل وصورت کے نواجسام کے لئے ، کنمل کے نستانج پیشس کیے گئے ہیں اور مسمل محور گلمساو کی نشاندہ کی گئی ہے۔ ۵.۲۰ همیسری جمود کاحب ب

#### مسئله متوازي محور

فسنسرض کریں ہم دی گئی محور گھاو پر ایک جمم کا، جس کی کیت M ہو، گھیسری مجود I حبانت حہاہتے ہیں۔ یقیاً، ہم مساوات M ہو کمل ہے I حساس کر سکتے ہیں۔ تاہم، جم کے مسر کز کیت ہے گزرتی ایک محور گھاو، جو دی گئی محور کے متوازی ہو، پر گھیسری مجود M جا حبانتے ہوئے، ایک آسان راستہ اختیار کیا جب سکتا ہے۔ مسر کز کیت سے گزرتی محور گھیسوں محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محور آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور کے فی محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور پر گھیسری مجود M دی گئی محور کے گئی محود کی فی مصورت مسین کی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں)

$$I=I_{\underline{\hspace{1cm}}}+Mh^2$$
 (مسئلہ متوازی گور) استکاہ متوازی گور)

یوں تصور کریں جیب مسر کز کمیت ہے گزرتی محور گھماو کو دور ہٹا کر h فن صلے پر رکھا گیا ہے۔ یہ مساوات ممثلہ متواز کریں جیب التی ہے۔ مساوات ممثلہ متواز کریں مجارت ہے۔

#### مسئله متوازي محور كاثبوي

سشکل 12.10 مسیں افتیاری مشکل و صورت جم کا، جس کا مسر کز کمیت O ہے، عسودی ترامش د کھایا گیا ہے۔ محمد دی نظام کامبدا O پر کھسیں۔ شکل کے مستوی کو عسودی، O سے گزرتی، ایک محور لیں؛ اسس محور کو متوازی، نقط۔ P سے گزرتی، دوسسری محورلیں۔ نقط۔ P کے محمد a اور b ہیں۔

ونسرض کریں کسی عصوبی محدد x اور y پر dm کمیت کا چھوٹا کھڑا ہے۔ نقطہ P پر محور کے لحاظ سے جسم کا گھمیسر ہی جود مساوات x ہم کے تحت ذیل ہوگا،

$$I = \int r^2 dm = \int [(x - a)^2 + (y - b)^2] dm$$

جس کوترتیب نوکے بعب دنیل لکھا حب سکتاہے۔

(r.r.2) 
$$I = \int (x^2 + y^2) \, dm - 2a \int x \, dm - 2b \int y \, dm + \int (a^2 + b^2) \, dm$$

#### آزمائشس۵

مشکل ?? مسیں کتا ہے کی طسرح جم (جس کا ایک ضلع دوسرے سے لمب ہے) اور جم کے رخ کو عسودی حیار ممکن۔ محور گھساود کھسائے گئے ہیں۔ جم کے گھسے رمی جمود کے لحساظ ہے، اعظم قیمت اول رکھ کر، ان محور کی در حسب سندی کریں۔

parallelaxistheorem 12

باب ۲۰. گھماو

نمونی سوال ۴.۶: دو ذروی جهم کا گھمیری جمود

شکل 13a.10 مسیں کیت ' m کے دو ذروں پر مشتمل استوار جم و کھایا گیا ہے۔ متابل نظر انداز کیت کا سلاخ، جس کی لمبائی L بے کمسیتوں کے فق کا ہے۔

(۱) سلاخ کوعب ودی، جسم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور گلمب و (جیب شکل مسیں د کھسایا گیا ہے) پر جسم کا گلمب ری جود کس ہوگا؟

#### كلب دى تصور

جہم صرف دوزروں پر (جن کی کیے ہے) مشتل ہے، اہلے ذاہم کمل کے بحبائے مساوات ۱۳۳۳ ستعال کرکے گھیسری جمود سے برب<sub>ک س</sub>اتا تلاسٹس کر سکتے ہیں۔ ہم انف سرادی کمی<u>ت</u> کا گھیسری جمود تلاسٹس کر کے دونوں کا محبسوع لیس گے۔

 $= \frac{1}{2} L$  حمود فی کار کوروں کا  $= \frac{1}{2} L$  عمود وی مناصلے پر کمیت  $= \frac{1}{2} L$ 

$$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = (m) (\frac{1}{2}L)^{2} + (m) (\frac{1}{2}L)^{2}$$
$$= \frac{1}{2} m L^{2} \qquad (\text{i.s.})$$

(\_\_) پہلی محور کو متوازی، سلاخ کے بائیں سے سرے گزرتی، محور گھماو(شکل 13b.10) پر جم کا گھمیے ری جمود کسیا ہوگا؟

#### كلب دى تصورات

ا تنی آسان صورت مسیں I باآسانی دونوں طسریقوں سے معسلوم کیا حب سکتا ہے۔ پہلا طسریقہ حبزوا کی طسرت ہے۔ دوسسرا، زیادہ طاقت ور طسریقہ مسئلہ متوازی محوراستعال کرتاہے۔

پہلا طریقہ: ہم حبزوا کی طسرت I معلوم کرتے ہیں، تاہم اب سلاخ کے بائیں سسر پر موجود ذرے کا  $r_i$  صف راور دائیں سسر پر ذرے کا L ہوگا۔ مساوات  $r_i$  اب ذیل دیگی۔

دوسرا طریقہ: ہم مسر کز کیت ہے گزرتی محور گھاوپر جم کا گھیسری جود حبائے ہیں اور دوسسرا محور مسر کز کیت ہے گزرتی محور کو متوازی ہے اللہ متوازی محور (مساوات ۳۳،۳) پروئے کارلایاحب سکتا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$I = I \underline{\qquad} + Mh^2 = \frac{1}{2}mL^2 + (2m)(\frac{1}{2}L)^2$$
$$= mL^2 \qquad (\underline{\qquad})$$

نمونی سوال ۲۰۰: یکیال سلاخ کا گھمیری جمود با تنکمل کیت M اور لمب آنی کا کی کیک اس سلاخ محود X پریوں رکھ آسے ہے کہ سلاخ کا وسط مبدا پر ہو (شنکل 14.10)۔ ۵.۲. گمپری جود کاحباب

(۱) سلاخ کے وسطیر، سلاخ کو عصودی محور گھے ویر سلاخ کا گھمیے ری جمود کیا ہو گا؟

#### كلب دى تصورات

(1) سان انتهائی زیادہ ذروں پر ، جو محور گھساوے انتهائی زیادہ تعداد کے مختلف مناصلوں پر موجود ہیں، مشتل ہے۔ ہم ہر ذرے کا انفسنرادی گھسیری جود ہر گز معسلوم نہیں کرنا جہائے ۔ (ہم اپنی باقی تسام زندگی اسس کام مسیں گزار سکتے ہیں۔) المهندا، ہم محور گھسادی گھسیری جود کا عسومی الجبرائی فقت رہ ایک طحت ہیں۔ (2) ایک ایک کرے تسام چھوٹے مصوں کے گھسیری جود جمع کرنے کے بحب کے ، ہم اسس فقت رہ کا کمل لے کر محب وعید معسلوم کرتے ہیں۔ مساوات ۴۳۵ سے زیل کھیا حب تاہے۔

$$(r.r.) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

(3) سلاخ یکساں ہے اور محور گھیاو عسین مسر کز کمیت سے گزر تاہے، البنداہم گھمیسری جمود مسر <sub>کز کمیت</sub> استعمال مررہے ہیں۔

x عمد و x کے لیے نامے تمل حساس کرنا حیاہتے ہیں (ناکہ کمیت m کے لیے نامے جیب تمل کہتا ہے)، لہذا کمیت کے تکور dm کا سال نے کے مہداہ لمب نی dx کے ساتھ رسکتہ در کار ہوگا۔ (شکل 14.10 میں ایک ایک کاراد کھیایا گیاہے۔) سال نے کیاں ہے، لہذا آت م مکڑوں کی کمیت اور لمب ان کی کنیت برابر ہوگا۔ یول ذیل ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}m - 2 \, \lambda_{\mathrm{L}} - 2 \, \lambda_{\mathrm{L}}}{\mathrm{d}x \, \lambda_{\mathrm{L}} - 2 \, \lambda_{\mathrm{L}}} = \frac{M}{L} \frac{1}{2} \, \lambda_{\mathrm{L}}$$

-

$$\mathrm{d}m = \frac{M}{I}\,\mathrm{d}x$$

مساوات x میں x کی جگہ اور dm کی جگہ درج بالا نتیجہ ڈال کر، ساخ کے ایک سرے دو سرے دو سرے درج بالا نتیجہ وزیر کے ایک سے اور x کا کمل لیتے ہوئے کیت کے تمام کلانے شامسل کرتے ہیں۔ یوں ذیل ملت ہے۔

$$I = \int_{x=-L/2}^{x=+L/2} x^2 \left(\frac{M}{L}\right) dx$$

$$= \frac{M}{3L} \left[x^3\right]_{-L/2}^{L/2} = \frac{M}{3L} \left[\left(\frac{L}{2}\right)^3 - \left(-\frac{L}{2}\right)^3\right]$$

$$= \frac{1}{12} ML^2 \qquad (ightharpoonup for example 2)$$

(ب) ایک نی محور گھاویر، جو سلاخ کے بائیں سرسے گزرتی اور سلاخ کو عصودی ہے، سلاخ کا گھمیے ری جو د کسیا ہوگا؟

باب ۲۰. گلم او

#### كلبيدي تصورات

ہم محور x کامبدالیان کے بائیں سے پر منتقبل کر کے تکمل x=L تا x=0 تاہم، ہم زیادہ آسان اور طب فت تور مسئلہ متوازی محور (مساوات ۴.۳۲) استعمال کرتے ہیں، جس مسیں محور گھماہ کی سمت بہندی تبدی تبدیل کے بغیبرا سے دوسری جگ منتقبل کرتے ہیں۔

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{$ 

در حقیقت، پ نتیج سلاخ کے بائیں یادائیں سے پر ہر، سلاخ کوعسودی، محور گلماوکے لئے درست ہے۔

# نمونی سوال ۴۰۸ گھمیری جمودی توانائی، چکری پرکھ

مشین کے بڑے حصوں کا، جو لیے عسر صبہ تنیز رفت اربے حپکر کاٹے ہوں، معسائٹ حپکری پر کھ کے نظام مسین کرنا ضروری ہے۔ اسس نظام مسین، فولادی بسیان کے اندر، جس کی اندرونی حبائب سید کی اینٹین نفسب ہوں، مشین کے جھے کو مخصوص حپکری رفت ارتک (جسس پر جھے کو پر کھنا مقصود ہو) لایا حباتا ہے۔ اسس دوران بسیان کامن فولادی ڈھکن سے بندر کھسا حباتا ہے۔ اگر مشین کاحصہ مطلوب حپکری رفت اربر داشت نے کرتے ہوئے ٹوٹ حبائے، اسس کے نکڑے سید کی ملائم ایسٹوں مسین دھنس کر محفوظ ہوں گے، جن کامعی این بعد مسین کرنا مسکن ہوگا۔

<u>۱۹۸۵</u> مسیں ایک ادارہ نے ، جو مشین پر کھنے کا کام کر تا ہے ، 272 kg گوس فولادی (مترس شکل کا) مدور ، جس کارواسس 38.0 cm کے 38.0 cm کی معال کا) مدور ، جس کارواسس R = 38.0 cm کی معال کا کام سیا۔ عسین 14000 کے جسکن کا دروازہ کا گرام معال کا ایک آواز سنتا ہے۔ تفت میں کرنے پر معلوم ہوا سید کی اینٹ میں کمرے سے باہر جسکری پڑی ہیں ، کمرے کا دروازہ کا ڈراند کا گرایاں کھٹڑی کرنے کی جا سیس پڑاملا، ایک سید کی اینٹ پڑوی کے باور چی حن نے کی دیوار توڑ کر اندر پنجی تھی، ادارے کی عمارت کے ستون ناکارہ ہو جسکے تھے ، حبکر حنان کا پالٹی منزل میں دھنس چا تھی ، اور حبکری نظام کا 900 kg ڈھکن اڑکر چیست سے گزرتے ہوئے بالائی منزل میں داخش ہونے بعد واپس حبکری نظام پر گر کر پڑا کسی قسمتی کے کوئی بھی کارا آزمائش کار معسار کے کمرے کی طسرون نہیں گیا۔

اسس دھاکے مسیں کتنی توانائی حضارج کی گئی؟

# كلي دى تصور

حنارج توانائی 14000 حیکرفی منٹ پر مدور کی تھمیسری حسر کی توانائی K ت کر ابر ہوگا۔

testengineer17

۲٫۶ قويي مسرور (

یوں مساوات ۴.۳۴ کے تحت حسارج توانائی ذیل ہے (جو بہت بڑی معتدارہے)۔

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(19.64 \text{ kg m}^2)(1.466 \times 10^3 \text{ rad s}^{-1})^2$$
  
=  $2.1 \times 10^7 \text{ J}$  (—)?)

#### ۲٫۷ قو<u>۔</u> مبروڑ

اس مھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ جسم پر قوت مسروڑ مسیں قوت اور، محور گھساوے قوت کے نقطہ اطلاق تک کا، تعسین گرسمتیہ ان مسل ہیں۔
- ۲. (۱) تعسین گرسمتیه اور سمتیه قوت کے گزاویے کی مدد ہے، (ب) خط عمس ل اور قوت کے معیار اثر کے بازو کی مدد ہے، اور (ج)
   تعسین گرسمتیہ کو قوت کے عسود کی حسیز و کی مدد ہے قوت مسروڑ تلاشش کریائیں گے۔
  - ٣. حبان يائيں كے كه قوت مسرور حبانے كے لئے محور گھاو حبانت الازم ہے۔
- ۳. حبان پائیں گے کہ قوت مسروڑ کو مثبت یا منفی عسلامت مختص کی حباتی ہے، جسس کا دارومدار اسس رخ پر ہو گا جسس رخ قوت مسروڑ جم کو محمور گھبا دیر گھبانے کی کو سشش کرتی ہے (یا در ہے، "گھسٹریاں منفی ہیں")۔
  - ۵. جہاں ایک سے زیادہ توت مسروڑ جسم پر عمسل کرتی ہوں، صافی قوت مسروڑ حساصل کرپائیں گے۔

### كلي دى تصورات

 $\vec{F}$  .  $\vec{F}$  .

۹۰ پایس ۲۰. گلمهاو

جباں  $\vec{r}$  کو  $\vec{F}$  کا عب مودی حبز و  $\vec{F}$  ہے اور  $\phi$  قوت  $\vec{F}$  اور سمتیہ  $\vec{r}$  کے  $\vec{g}$  زاوی ہے۔ محور گھا واور  $\vec{F}$  میں مبوط کک یہ و کہ  $\vec{F}$  کا"خط عمس "، اور  $r_{\perp}$  کو  $\vec{F}$  کا"معیار اڑ" کہتے ہیں۔ ای طب رح r کو  $\vec{F}$  کا معیار اڑ کہیں گے۔

• قو۔۔۔ مسروڑ کی اکائی نیوٹن مسیٹر (Nm) ہے۔ ساکن جم کو تحور گھساد پر حضااف گھسٹری گھسنے کی کوششش کرنے والی قوب مسروڑ 7 مثبت ہوگی، گھسٹری وار گھسانے کی کوششش کرنے والی منفی ہوگی۔

#### قو\_\_\_مسروڑ

دروازے کادستہ چول سے دور، کمی مقصد ہے ، رکھاحب تا ہے۔ دروازہ کھولنے کے لئے قوت لگانی ضروری ہے ، تاہم قوت کارخ اور لگانے کامقتام بھی اہمیت رکھتے ہیں۔ اگر آپ ، دستے کے بحبائے ، چول کے متسریب قوت کااطسلاق کریں یادروازے کی سطح کو قوت 90° پرلاگوٹ کریں ، دروازہ کھولنے کے لئے آپ کواسس قوت سے زیادہ قوت درکار ہوگی ، جو دستے پر دروازے کی سطح کو عصودی درکار حیاہیے۔

سٹکل 16a.10 مسیں جہم کاعب و دی تراسٹ رکھ ایا گیا ہے۔ یہ جہم، O سے گزرتی، تراسٹ کو عب و دی محور گھی اوپر ، آزاد کی سے گوم سکتا ہے۔ نقط P پر ہجس کا O کے لیے اظ سے تعلین گرسمتیہ ٹتر ہے ، قوت F کا اطلاق کیا گیا ہے۔ F اور ٹتر کررخ آلیس مسین زاویہ  $\phi$  پر ہیں۔ (ہم اپنی آس نی کے لئے صرف ان قوت کی بات کرتے ہیں ، جن کا محور گھی و کو متوازی حسین بایا ہی F منے کی سطح مسین ہوگے۔)

\_ حب نے کے لئے کہ محور گلساو پر  $\vec{F}$  جم کو کیے گلسات ہے، ہم  $\vec{F}$  کو دواحب زاء مسیں تقسیم کرتے ہیں (مشکل 16b.10)۔

ایک حب زو، جو ردای حب زو  $F_r$  کہ بلاتا ہے،  $\vec{T}$  کہ ہسراہ ہو گا۔ چو نکہ ہے حب زو O ے گزرتی لکسی ر کے ہمسراہ ہو گا۔ چو نکہ ہے حب راہ کھینچین، دروازہ بھی بھی نہیں کھلے لہذا ہے۔ گا۔  $\vec{F}$  کا دوسراحب زو، جو ممای حب زو  $F_t$  کہ بلاتا ہے،  $\vec{T}$  کو عصودی ہے اور اسس کی تبدر  $\vec{F}$  ہے۔ ہب روگھی وکا میں بنت ہے۔

حب زو گھی وکا میں بنت ہے۔

قوہ مروڑ کا حماہ۔  $\vec{F}$  کی جم گھانے کی صلاحیہ، قوت  $\vec{F}$  کے ممای حبزو  $F_t$  کی مساوہ C کا حمالی فقطے کے مناصلے پر مخصر ہے۔ ان دونوں وجوہا سے کو شامسل کرنے کی مناطب ہم (درج ذیل) ایک نئی مقد رادم تعدد نے بین جو قوہ مروڑ کا C کہاتی ہے، جو دو حبزو ضریوں کا حساس ضرب ہوگا۔

$$(r.rq)$$
  $au = (r)(F\sin\phi)$ 

قو\_\_\_مسرورٌ كاحباب (درج ذيل) دومعادل طسريقون:

اور

$$(r,r) \qquad \qquad \tau = (r)(F\sin\phi) = r_{\perp}F$$

torque<sup>12</sup>

ے ممکن ہے، جہاں O پر محور گھاہ اور  $\vec{F}$  سمتی ہے گزرتی مبوط کسیر کے  $\vec{g}$  عصودی مناصلہ  $r_{\perp}$  ہے (شکل 16c.10)۔اس مبوط کسیر کو  $\vec{F}$  کا معیار اثر کا بازوا کتے ہیں۔ شکل 16b.10 میں دکھایا گیا ہے کہ ہم  $\vec{T}$  کا معیار اثر کابازوا ہے ہیں۔ سکتے ہیں۔ F کا معیار اثر کابازوا ہے کہ ہم  $\vec{T}$  کا معیار اثر کابازوا ہے سکتے ہیں۔

جب آپ کی جم، مشاأ تی کس، پراسس نیت سے قوت لگتے ہیں کہ یہ گھومے، آپ قوت مسروڑ لا گوکرتے ہیں۔ قوت مسروڑ لا گوکرتے ہیں۔ قوت مسروڑ کی بین الاقوای اکائی نیوٹن میٹر ( N m ) ہے۔انتہاہ: نیوٹن میٹر کی اکائی کام کے لئے بھی مستعمل ہے۔ تاہم، قوت مسروڑ اور کام دومختلف معتادیر ہیں۔ کام کے لئے عسام طور حباول اکائی ( 1 N m ) استعمال کی حباتی ہے جب کہ قوت مسروڑ کے لئے صرف نیوٹن میٹر اکائی استعمال ہوگی۔

گھڑ پال منفی ہیں۔ باب 11 مسیں قوت مسروڑ کے لئے سمتیہ ترقیم استعال کی جبائے گی؛ بیباں واحد محور پر گھساد کی بات کی جبائے گا۔ اگر قوت مسروڑ حنلان گھسٹری گھساد پیدا کرنے کی بات کی حبائے گا۔ اگر قوت مسروڑ حنلان گھسٹری گھسٹریال منفی کو سشش کرے، بید منفی ہوگی۔ (حسس 1.10 مسیں ہم نے کہا" گھسٹریال منفی بیل"۔ بید فقت دو بیباں بھی کارآمد ہے۔)

اصول انطباق (جس کاذکرباب 5 مسیں کے آگیا) کو قوت مسروڑ مطمئن کرتے ہیں: جب جم پر کئی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہوں، جم پر صافی قوت مروڑ ۱۲ (یا ماصلی قوت مروڑ ۱۲) انفسرادی قوت مسروڑ کامحب وعب ہوگا۔ مسانی قوت مسروڑ کی عسلمت میں ترت ہے۔

#### آزمائشس۲

مبٹر سلاخ کافسن کی حب نزہ شکل؟؟ مسیں پیش ہے؛ سلاخ کاچول cm کی پرپایاحب تا ہے۔ سلاخ پرپانچوں قوت افقی اور ان کی و تدریں برابر ہیں۔ اعظم قیت اول رکھ کر، قو توں کی در حب بہندی ان کی پید اقوت مسروڑ کے لحی ظری ہے۔

# نیوٹن کامت انون دوم برائے گھماو

مقاصه

اسس مھے کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. گھساوی صورت مسیں جم پر صافی توت مسروڑ کا، جم کے گھسیسری جمود اور گھمیسری اسسرائ کے ساتھ، رشتہ نیوٹن کے دوسسرے و تانون سے حبان یائیں گے۔ تسام معتادیر مختف محور گھساوکے لحساظ سے ہیں۔

### كليدي تصور

lineofaction 'A

momentarm<sup>19</sup>

nettorque r•

resultanttorque

باب ۲. گھماو

#### • نیوٹن کے دو سرے وت انون کا گھمیسری مماثل ذیل ہے،

### $au_{i}$ ن = $I\alpha$

 $\alpha$  جہاں ذرے یا استوار جسم پر صافی توت مسروڑ سن au ہے، محور گھساو پر ذرے یا جسم کا گھسسر کی جمود I ہے، اور  $\sigma$  اسس محور پر ماحسل زاوی اسسراع ہے۔

#### نیوٹن کادو سسرامت انون برائے گھم او

$$au_{ij} = I lpha$$
 (نیوٹن کادو سے راحت انون برائے گھے و

#### مساوات ۲۳٬۴۲ غاثبوت

پہلے شکل 17.10 مسیں پیش سادہ صورت کے لئے مساوات ۴۳.۳۲ ثابت کرتے ہیں۔ بلا کمیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت سرپر، کے ایک سسسر پر کمیت استوار جم دیتے ہیں۔ سلاخ کی کمبائی ۲ ہے اور سے اپنے دوسسرے سسرپر، سطح صنجے۔ کو عصودی محور گھساو (دھسرے) پر ، گھوم سسکتی ہے۔ یول، ذرہ صرف دائری راہ پر ، جسس کے وسط پر محور گھساوہ، حسرکت کا محبازے۔

i ذرے پر قوت  $\vec{F}$  عمسل کرتی ہے۔ تاہم، ذرہ صرف دائری راہ پر حسر کست کر سکتا ہے، اہلیذا قوت کاصرف ممسای حبین و  $F_t$  (جو دائری راہ کو ممساس ہے) ذرے کو اسس راہ پر مسرع کر سکتا ہے۔ ہم  $F_t$  اور اسس راہ پر ذرے کے ممسای اسسراع  $F_t$  تعسل نیوش کے دوسسرے و سانون سے کلھتے ہیں۔

 $F_t = ma_t$ 

ذرے پر قوت مسروڑ، مساوات ۴۸،۴۰ تحت ذیل ہوگا۔

 $\tau = F_t r = m a_t r$ 

ے اس کو ذیل لکھ سے ہیں۔  $(a_t=lpha r)$  ہے۔ اس کو ذیل لکھ سے ہیں۔

$$\tau = m(\alpha r)r = (mr^2)\alpha$$

دائیں ہاتھ تو سین میں بند معتدار، محور گھیا و پر ذرے کا گھیسری جمود ہے (مساوات ۳۳، ۲۳ و یکھیں، تاہم یہاں صرف ایک ذرے کی بات کی حبار ہی ہے ایوں گھیسری جمود کے لئے I ککھ کر مساوات ۳۳، ۲۳ فیل لکھی حباستی ہے۔  $\tau = I\alpha \qquad ( یڈیئن نای )$ 

جہاں ایک سے زیادہ قوت ذرے پر عمل کرتی ہوں مساوات ۴٬۳۴۰ ذیل صورت اختیار کرے گی، جے ہم ثابت کرنا حیاہتے تھے۔

$$au_{ij} = I\alpha$$
 (ریڈیمن ناپ =  $I\alpha$ 

چونکہ ہر جہم انفنسرادی ذرول کا محبسوعہ ہو گالہانہ ااسس مساواہہ کو کئی بھی استوار جہم تک، جو مقسررہ محور گھماو پر گھومت ہو، وسع<u>ہ</u> دی حباست<u>ت</u> ہے۔

#### آزمائش ۷

شکل ؟؟ مسیں میٹر سلاخ کا فصنائی حبائزہ پیش ہے۔ سلاخ کے وسط سے بائیں حبانب نقطہ چول ہے جس پر سلاخ پکر کاٹ سکتی ہے۔ سلاخ پر دوافق آوت  $\vec{F}_1$  اور  $\vec{F}_2$  اور  $\vec{F}_1$  اور  $\vec{F}_2$  اور کائی سے پر لاگو کی حباتی ہے۔ سلاخ کو عصورت مسیں(۱)  $\vec{F}_2$  کارٹ کسے ہوگا، جادہ ہوگا، یا دور کے کہ ہوگا، زیادہ ہوگا، یا اس کے برابر ہوگا؟

# نمونی سوال ۴۰۰: نیوٹن کے قانون دوم برائے گھاو کا کولا میں استعالی

کولاکشتی کاوہ داو ہے جس مسیں پہلوان دوسرے کو کولیج کی زدپر لاکر گرا تا ہے۔ آئیں پہلوانوں کی کشتی کو طبیعی دان کے نقطہ نظر سے دیکھسیں۔ کولیج پر نقط کھماو (کور نظر سے دیکھسیں۔ کولیج پر نقط گھماو) کو جپڑھا کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل گھماو) کے کہ معیاد اثر کابازوا ستعال کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل کھماو)۔ آپ نقطہ گھماویرانس کو  $\alpha=6.0 \text{ rad s}^{-2}$  کا دادی اسراغ ہے (جوشکل مسیں گھٹری دارہے) گھمانا حسان کا گھماویرانس کو  $\alpha=6.0 \text{ rad s}^{-2}$  کے باغے۔ مسرض کریں نقطہ گھماوے کی اغلے اس کا گھمیسری جمود  $\alpha=15 \text{ kg m}^2$  ہے۔

(۱) زمسین پر گرانے ہے قب ل اگر آپ حسریف کو آگے جھاکرانس کا مسر کز کیت اپنے کو لیے پرر تھسیں تو  $\vec{F}$  کی متدر کسیاہ وگی (شکل 18a.10)؟

#### كلب ي تصور

ہم کازادی اسراع سے رشتہ نیوٹن کے متانون دوم برائے گھاد  $au_{i}$  سے باتے ہیں۔

حماہے: زمسین سے حسریف کے پاوں اٹھنے کے بعد، ہم کہد سے ہیں اسس پر تین قوت عمسل پیسرا ہوں گا: آپ کی کھینی  $\vec{F}$  ، نقطہ گلمب و پر آپ کی حسریف پر عصودی قوت  $\vec{N}$  (شکل 18.10 مسیں اسے نہسیں د کھیایا گیا)، اور تسبذ بی قوت کی آپ استعمال کریائیں گے۔ تباذ بی قوت کی قوت مسروڑ جبانے ہوئے ہم  $\vec{F}$  استعمال کریائیں گے۔

مساوات این میراد معیار  $d_1$  کرت آپ کی کھنی آپ کی کھنی آپ کے کھیں اتوں مسروڑ  $-d_1F$  ہوگی، جہاں  $d_1$  معیار اثر کابازو  $r_\perp$  ہواور منفی عسامت کہتی ہے کہ ہے مسروڑ گھٹڑی وار گھساو کی کوششش کرتی ہے۔ توس  $\vec{N}$  نقطہ گھساو کی کوشش کرتی ہے۔ اور منفی عسامت کہتی ہوگا ور یوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صف رہوگی۔ تحباذ بی قوت کے گرزتی ہے المبینہ السن کامعیار اثر کابازو  $r_\perp$  ہوگا اور یوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صف رہوگی۔ تحبال کرتی ہے۔ مسرکز کمیت عسین نقطہ گھساو پر ہے المبینہ  $\vec{F}_g$  کا معیار اثر کابازو

۹۴ پایس ۲۰. گلم او

ہوگااور یوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صنسر ہوگی۔ یوں حسریف پر صرف آپ کی تھنجہ  $\vec{F}$  کی قوت مسروڑ  $au_{\perp}=0$  مسل کرتی ہے اور ہم  $au_{\perp}=1$  ذیل لکھ سے ہیں۔

$$-d_1F = I\alpha$$

یوں ذیل حساصل ہوگا۔

$$F = \frac{-I\alpha}{d_1} = \frac{-(15 \text{ kg m}^2)(-6.0 \text{ rad s}^{-2})}{0.30 \text{ m}}$$
$$= 300 \text{ N} \qquad (\text{-}\text{if})$$

رے ہوتہ  $d_2=0.12\,\mathrm{m}$  کامعیار اثر کابازو  $f_g$  کامعیار اثر کابازو  $d_2=0.12\,\mathrm{m}$  ہوتہ f کی متدر کیا ہوگا(f) (18b.10)?

#### كلب دى تصور

چونکہ  $\vec{F}_g = mg$  کامعیار اٹر کاباز واب صف رہنیں، اسس کی قوت مسروڑ اب  $d_2mg$  ہو گی جو صنان گھٹری ہونے کی ہانہ شہت ہے۔

$$-d_1F + d_2mg = I\alpha$$

جو ذیل دیگا۔

$$F = 300 \,\mathrm{N} + \frac{(0.12 \,\mathrm{m})(80 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})}{0.30 \,\mathrm{m}}$$
$$= 613.5 \,\mathrm{N} \approx 610 \,\mathrm{N} \qquad (\text{---}\text{is})$$

اس نتیج کے تحت اگر آپ حسریف کو جھاکر اسس کامسر کز کمیت اپنے کو لیج پر رکھ نے سکیں، آپ کو کافی زیادہ تو ۔ گافی ہوگی۔ ایک اچھالیہ اوان ہے حقیقت حبانت ہے۔

نمونی سوال ۱۰.۳: نیوٹن کا دوسرا قانون، قوت مرور، قرص

rim

### کلب دی تصورات

$$T - mg = m(-a)$$

جہاں (محور y کے ہمسراہ نیچرخ) اسسراع کی متدر a ہے۔ تاہم، ہم اسس مساوات کو a کے لئے حسل نہیں کر سکتے، چونکہ اسس مسین دوسرانامعساوم متغیبر T بھی پایاجہ تاہے۔

قرص پر قوص مروڑ: گزشتہ مسرتب جب ہم محور لا سے آگے بڑھ نہیں سے، ہم نے محور x کاسہارالیا۔اسس مسرت ہم نے محور x کاسہارااٹھاتے ہوئے نیوٹن کا صانون دوم زادی روپ مسین لکھتے ہیں۔ قوت مسروڑ اور گھیسری جمود I تلاسش کرنے کے لئے، ہم نقط O پر، مسرص کو عصودی اور اسس کے وسط سے گزرتی کسیسر، محور گھیاولیتے ہیں (شکل 19c.10)۔

$$-RT = \frac{1}{2}MR^2(-\alpha)$$

$$(r.rh) T = \frac{1}{2}Ma$$

باب ۴. گھپاو 94

نتائج کوریجانی: مساوات ۴۶٬۴۸ اور مساوات ۴۸٬۴۸ ملا کر ذیل حساصل ہوگا۔

$$a = g \frac{2m}{M + 2m} = (9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg})}{2.5 \,\mathrm{kg} + (2)(1.2 \,\mathrm{kg})}$$
$$= 4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}} \qquad (\text{---})$$

ا بوگا۔

جیب ہمیں توقع کرنی حیاہیے، گرتی اینٹ کا اسراع a آزادان۔ گرنے کے اسراع x سے کم، اور دھاگے مسیں شناو اور T دونوں پر  $mg=11.8\,\mathrm{N}$  اور  $T=6.0\,\mathrm{N}$ ت مت رص کی کمیت پر منحصب رہیں جب کمہ ان پررداسس کا کوئی اثر نہیں۔

T = 0 اور a = g اور a = g کی صورت میں a = g اور a = 0 اور a = 0ہوگا۔ ہم یہی توقع رکھتے ہیں؛اینٹ ایک آزاد جسم کی طسرح زمسین پر گرتی ہے۔مساوات ۲۲،۲۲سے متسرص کے زادی اسسراع کی ت در تلاسٹس کرتے ہیں۔

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}}{0.2 \,\mathrm{m}} = 24 \,\mathrm{rad \, s^{-1}} \quad (\text{...})$$

# ۴.۸ کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

م**قاصد** اسس ھے کریڑھنے کے بعید آ<sub>پ</sub> ذی<u>ل</u> کے متابل ہوں گے۔

- ا. گھوٹے جسم پرلاگو توت مسروڑ کازاوی گھساوکے لیاظ سے تکمل لے کر، گھوٹے جسم پرلاگو توت مسروڑ کا سرانحبام کام معساوم کرپائیں گے۔
- ۲. مسئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کر کے جسم کے گھمیےری حسر کی توانائی مسین تب یلی اور سسرانحبام کام کار شتہ حبان
  - m. کام اور اسس زاویے کے تعسلق ہے، جس پر جم گھومت ہے، مستقل قوت مسروڑ کاسسر انحبام کام تلاسٹ کریائیں گے۔
    - م. کام کی شرح معلوم کر کے قوت مسروڑ کی طباقت حبان یائیں گے۔
  - ۵. کی لیح پر قوی مسر وڑاور اسس لیح پر زاوی سستی رفت ارکے رہشتہ سے قوی مسر وڑکی طباقت حسان مائیں گے۔

# كليدي تصورات

• زاوی حسر کی مسین کام اور طباقت کی ذیل مساوات مستقیم حسر کی کی مساوات سے مطبابقت رکھتی ہیں۔

$$W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$$
$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} \tau \omega$$

• جب au متقل ہو، تمل گھٹ کر ذیل دیگا۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجسام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کر تاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

# کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

جیب ہم باب 7 مسیں ذکر کر کیے ، جب قوت F استوار جم پر ، جس کی کمیت m ہو، عمسل کر کے اسس کو محد دی محور پر مصرع کرے ، قوت اسس جم پر کام سرانحب م دی تی ہے۔ پر ان ، جم کی حسر کی توانائی ( $K = \frac{1}{2}mv^2$ ) سبدیل ہو سکتی ہے۔ فیسرض کریں جم کی صرف یہی توانائی تبدیل ہوتی ہے۔ ایک صور سے مسیں حسر کی توانائی کی تبدیلی کا کا اور کام W کا تعسلق در حب ذیل مسئلہ کام وحسر کی توانائی (مساوات 10.7) دیگا۔

$$(\sigma.$$
 (۹)  $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2-rac{1}{2}mv_i^2=W$  (۱۳)  $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2$ 

گور  $\chi$  پررہے کی پاہند حسر کت کے لئے کام کی درج ذیل مساوات 32.7 دیگی۔

$$(\mathcal{C}, \Delta \bullet)$$
  $W = \int_{x_i}^{x_f} F \, \mathrm{d}x$  (حام، یک بُودی از کام)

جب F مستقل اور جسم کاہا و M=Fd ، جو ہم کاہا و M=Fd ، جو ہم مستقل اور جسم کاہا و M=Fd ، جو ہم مساوات M=Fd مساوات M=Fd مساوات M=Fd ، جو ہم مساوات M=Fd ، جو مس

$$(\sigma.\Delta I)$$
  $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = Fv$  (طاقت، یک بُعدی حسرکت)

باب ۲. گھماو

آئیں اس ہے ملتی حباتی گھیے ہیں صورت پر غور کرتے ہیں۔جب قوت مسروڑ، مقسر رہ محور گھی اوپر، استوار جم کو مسر کرے، قوت مسروڑ جم پر کام W سر انجب م دیتی ہے۔ یوں، جم کی گھیے ہی حسر کی توانائی  $(K = \frac{1}{2}I\omega^2)$  تبدیل ہو سکتی ہے۔ سنسر ض کریں جم کی صرف یہی توانائی تبدیل ہوتی ہے۔ ایسی صورت میں حسر کی توانائی میں تبدیلی  $\Delta K$  اور  $\Delta K$  کام  $\Delta V$  کار شتہ مسئلہ کام وحسر کی توانائی دیگا، تاہم اب حسر کی توانائی کے بجب کے گھیے ہی حسر کی توانائی کی بات کی حب کے گھیے میں کہ کی اور گئی گار شتہ مسئلہ کام وحسر کی توانائی دیگا، تاہم اب حسر کی توانائی کے بجب کے گھیے ہی حسر کی توانائی کی بات کی حب کے گھیے گئی۔

$$(\alpha.\Delta r)$$
  $\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2$  (نستله کام وحسر کی توانائی)

یہاں، I مقسررہ محور پر جسم کا گھمیسری جمود اور  $\omega_i$  اور  $\omega$  کام سے قبل اور اسس کے بعید جسم کی زاوی رفت ارہیں۔

ساتھ ہی، ہم مساوات 52.10 کی معادل گھمیے ری مساوات سے کام تلاسش کر کتے ہیں:

$$($$
اریم مقسر ره محور پر گھمی و $)$   $W=\int_{ heta_i}^{ heta_f} au \, \mathrm{d} heta$  (۲.۵۳)

جباں au وہ قوت مسروڑ ہے جو کام W سسرانحبام دیتی ہے، اور heta ، کام سے قب ل اور اسس کے بعید ، جم کے زاوی مصام ہیں۔ جب au مستام ہیں۔ جب au مستقل ہو، مساوات au ہمگھٹ کر ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(\sigma.\Delta\sigma)$$
  $W= au( heta_f- heta_i)$  (۲.۵۲) (۲.۵۲)

کام کرنے کی سشرح طباقت کہلاتی ہے، جو ہم مساوات 51.10 کی معسادل گھمیسری ذیل مساوات سے تلاسش کر سکتے ہیں۔

$$(\sigma. \Delta \Delta)$$
  $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$  (طاقت، مقرره محور پر گھماو)

حبدول ۲.۲ مسیں مقسدرہ محور پر استوار جم کے گھماو کی چند مساوات اور مطابقتی مستقیم حسر ک کی مساوات پیشن ہیں۔

#### ساوات ۴.۵۲ تامساوات ۵۵.۴۵ ثبوت

آئیں دوبارہ مشکل 17.10 کو دیکھتے ہیں۔ بلا کیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت m کا ذرہ مسل کر استوار جم رہے ہیں۔ گھیا و کے دوران، قوت  $\vec{F}$  جم پر کام سسرانحبام دیتی ہے۔ ہم منسرض کرتے ہیں کہ  $\vec{F}$  جم کی صرف حسر کی توانائی تسبدیل کرتی ہے۔ ایم صورت مسیں مساوات ۴۸، ۴۸ کام مسئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کیا حباسگا ہے البذاذیل ہوگا۔

$$\Delta K = K_f - K_i = W$$

 $(v=\omega r)$  استعال کرکے اسے ذیل کھی جب سکتا ہے۔  $K=rac{1}{2}mv^2$  اور مساوات  $K=\frac{1}{2}mv^2$  اور مساوات  $K=\frac{1}{2}mv^2$  اور مساوات  $K=\frac{1}{2}mv^2$  اور مساوات کہ مسید  $\Delta K=rac{1}{2}mr^2\omega_f^2-rac{1}{2}mr^2\omega_i^2=W$ 

م حسر کت کی چند مساوات	م اور مطب لقتی گھمپ ر ک	حبدول ۴۰،۲:متقم
	,, " ( - ,,,,	

حنالص گلمباو(مقسدره محور)		حنالص مستقیم حسر کت (مقسرره رخ)	
θ	زاوی مفتام	x	معتام
$\omega = \mathrm{d}\theta/\mathrm{d}t$	زاوی مستی رفت ار	v = dx/dt	مستى رفت ار
$\alpha = d\omega/dt$	زادی اسسراغ	a = dv/dt	اسراع
I	تھمپ ری جمود	m	کمیں۔۔
auني $= I lpha$	نيوڻن کامت انون دوم	$F_{i}$ ے $= ma$	نیوٹن کافت انون دوم
$W = \int  au  heta$	کام	$W = \int F  \mathrm{d}x$	کام
$K = \frac{1}{2}I\omega^2$		$K = \frac{1}{2}mv^2$	حسىر كى توانائى
$P = \tau \omega$	ط قت (متقل قوت مسروڑ)	P = Fv	ط اقت (متقل قوت)
$W = \Delta K$	مسئله كام وحسركي توانائي	$W = \Delta K$	مسئله کام وحسر کی توانائی

$$\Delta K = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

ہم نے مساوات یک ذروی جسم کے لئے ثابت کی، تاہم ہر جسم متعبد د ذروں پر مشتمل ہو گالہٰذاب مقسررہ تحور پر گھسائے گئے ہراستوار جسم کے لئے درست ہے۔

آئیں اب شکل 17.10 مسیں جم پر سرانجبام کام W اور جم پر  $\overline{f}$  کی بن توت مسروڑ  $\tau$  کا تعلق جب نیں۔ جب ذرہ دائر کار اوپر چلتے ہوئے t فنصل مناصلہ طے کر تا ہے، توت کا صرف ممائی حسنرو  $f_t$  اسس راہ پر ذرے کو اسس رائی پر کر تا ہے۔ یوں صرف  $f_t$  ذرے پر کام سسرانجبام دیگی۔ ہم اسس کام t کو t کو t کام سسرانجبام دیگی۔ ہم اسس کام t کو t کو کام کے t کو کر تا ہے۔ یوں ذرہ زاویہ t کو کر تا ہے۔ یوں ذرکا ہوگا۔

$$dW = F_t r d\theta$$

میاوات ۴۰،۴۰ سے ہم دیکھتے ہیں کہ ماحصل  $F_t \gamma$  اور قوت مسروڑ  $\tau$  برابر ہوں گے لہنے امساوات ۴،۵۸ ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

ره.۵۹) 
$$dW= au\,d heta$$
  $dW= au\,d heta$  يوں  $heta_f$  تا  $heta_f$  تا  $heta_f$  مستنابی زاوی ہے ورران سے رانحب م کام ذیل ہوگا، $W=\int_{ heta_0}^{ heta_f} au\,d heta$ 

۱۰۰ اے ۴. گھماو

جو مساوات ۵۳.۵۳ ہے۔ یہ مساوات مقسررہ محور پر گھومتے ہر استوار جسم کے لئے درست ہے۔مساوات ۵۳.۵۹ سے بلاواسطہ مساوات ۴۲.۵۴ مساصل ہوتی ہے۔

گھی ری حسر کے لئے مساوات ۲.۵۹سے طباقت P لکھتے ہیں:

$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جومساوات ۵۵.۴م ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۱ کام، گھمیری حرکی توانائی، قوت مرور، قرص

شکل 19.10 میں وقت t=0 پر مسترس سے آن خیالت سے آغناز کرتا ہے؛ بلا کیت دھا گے مسیں شناو t=0.10 کا داوی اسراع t=2.5 میں شناو کی استرس کی قاداوی اسراع t=2.5 میں شاوی کا جہال کے مسید کی تعداد کی استراع کے مسید کا تعداد کی استراع کے مسید کا تعداد کی استراع کے مسید کی تعداد کی تعداد کی تعداد کی تعداد کی تعداد کی مسید کی تعداد کی تع

#### كلب دى تصور

حمای: ہم  $\alpha$  اور  $\omega=0$  جانتے ہیں اور  $\omega$  جانت ہیں البذام اور  $\omega=0$  اور کے ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t = 0 + \alpha t = \alpha t$$

اور  $I=\frac{1}{2}MR^2$  وال کرذیل ساصل ہوگا۔  $\omega=\alpha t$  اور  $\omega=\alpha t$ 

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}MR^2)(\alpha t)^2 = \frac{1}{4}M(R\alpha t)^2$$
$$= \frac{1}{4}2.5 \text{ kg}[(0.20 \text{ m})(-24 \text{ rad s}^{-2})(2.5 \text{ s})]^2$$
$$= 90 \text{ J} \qquad (\text{--})\text{?}$$

### كلي دى تصور

ہم یہی جواب سسرانحبام کام سے متسرص کی حسر کی توانائی معسلوم کر کے حسامسل کر سکتے ہیں۔

حماج: پہلے ہم مسرس پر مسانی سرانحبام کام W اور مسرس کی حسر کی توانائی مسیں تبدیلی کار شتہ، مساوات  $K_i$  مسیس پیش، مسئلہ کام وحسر کی توانائی سے کھتے ہیں۔  $K_i$  کی جگھ  $K_i$  کی جگھ  $K_i$  کی جگھ  $K_i$  کی جگھ کی مسیس پیش، مسئلہ کام وحسر کی توانائی سے کھتے ہیں۔  $K_i$  کی جگھ کی جگھ کی جگھ کار مواقعہ کی مسیس پیش، مسئلہ کام وحسر کی توانائی سے کہ بھو گھ

$$(r. \checkmark \bullet) K = K_i + W = 0 + W = W$$

W اور قسر ص پر عمس اوات W جبانت حیاییں گے۔ مساوات W اور W اور قسر ص پر عمس اوات W اور قسر ص پر عمس کی توت مسروڑ کا تعساق لکھ حب سکتا ہے۔ دھاگے کی توت T واحد توت ہے جس کی توت مسروڑ

(TR – ) زادی اسسراع پیدا کرکے فتسر ص پر کام سسرانجبام دیتی ہے۔ چونکہ ہم مستقل ہے، اہلنذا سے قوت مسروڑ بھی مستقل ہوگا۔ یوں مساوات ۵۳۔ ۱۳۳۰ مستقل ہوگا۔ یوں مساوات ۵۳۔ ۱۳۳۰ مستقل کی حباستی ہے، جس سے ذیل لکھا حباتا ہے۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i) = -TR(\theta_f - \theta_i)$$

چونکہ  $\alpha$  مستقل ہے، ساوات  $\omega_i=0$  استعال کرکے  $\theta_f-\theta_i$  معلوم کیا جب سکتا ہے۔ یوں  $\omega_i=0$  کے لئے ذیل ہو گا۔ گا۔

$$\theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 = 0 + \frac{1}{2} \alpha t^2 = \frac{1}{2} \alpha t^2$$

 $T=\frac{1}{2}$  اسس کو مساوات ۱۲. ۲ مسیں ڈال کر حسامسل نتیجہ مساوات ۲۰. ۲ مسیں پُر کرتے ہیں۔ دی گئی معسلوما  $\alpha=-24\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$  وال کر ذیل ہوگا۔

#### نظب رثانی اور حنلاص

$$(r.i)$$
  $\theta = \frac{s}{r}$  (پیٹینٹن نا

ریڈیئن، حپکر، اور در حبات میں ناپ کا تعلق ذیل ہے۔

$$(r.r) \qquad \qquad 1 = 360^{\circ} = 2\pi \, \text{rad}$$

زاوی ہٹاو جب ایک جم کور گھا و پر گھوم کر این زاوی معتام  $\theta_1$  سے تب یل کرکے و  $\theta_2$  کرے، جم کاز او کی ہٹاو و یل ہوگا،  $\Delta \theta = \theta_2 - \theta_1$ 

جباں حنلان گھٹڑی گھے اوے لئے ΔD مثبت اور گھٹڑی وار کے لئے منفی ہوگا۔

اب ۲. گھاو

زاوی سمتی رفتار اور رفتار اگروستی دورانی که مسین جم  $\Delta b$  زادی سناو گوے، اسس کی اوسطزاوی سمتی رفتار اور ایل جوگ دیل ہوگا۔

$$(r.a)$$
  $\omega_{brail} = rac{\Delta heta}{\Delta t}$ 

جم کی ( لمحاتھ ) زاوی سمتھ رفتار ذیل ہو گ۔

$$(r.r) \omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اور ۵ سمتیات ہیں، جن کارخ **دائیرے ہاتھ کا قانواخ** دیگا (شکل 6.10)۔ حسٰلاف گھسٹری گھساوے لئے دونوں مثبت اور گھسٹری وار گھساوے لئے منٹی ہوں گے۔ جم کے زادی سستی رفت ارکی و تشدر اسس کی **زاد کے رفتار** کہسلاقی ہے۔

زاوی سستی رفت اول  $\omega_1$  تا تا  $t_2$  وقت وقت کے مسیں جم کی زاوی سستی رفت اول سے تبدیل ہو کر  $\omega_2$  ہو، جم کا اور طرف اسراع ذیل ہوگا۔

$$\alpha_{\rm level} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جم کی ( کمجاتھے ) زاوی اسراع ذیلے ہو گا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

 $\alpha$  اور  $\alpha$  دونوں سمتیا سے ہیں۔

متقل زاوی اسراع کی مجرد ترکیات مماوات متقل زادی اسراع (متقل ه ) گلمیسری حسرت کی ایک دنامی قتل اسراع کی مجرد ترکیات مماوات معاوات، جوجیدول ایم میں دی گئی ہیں، ذیل ہیں۔

$$(r.r)$$
  $\omega = \omega_0 + \alpha t$ 

$$(r.r) \theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0)$$

$$(\mathbf{r}.\mathbf{i}\mathbf{a}) \qquad \qquad \theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$

خطی اور زاوئ متغیرات کا تعلق گوئے استوار جم کا اندرونی نقط، جو تحور گھساوے r مسودی نساسلہ پر ہو، رداس r کے دائرے پر حسر کت کرتا ہے، جہاں  $\theta$  کا کا دائرے پر حسر کت کرتا ہے، جہاں  $\theta$  کا ناب ریڈیئن مسیں ہے۔

$$(r. اریزیمن نایب  $s = \theta r$  (ریزیمن نایب  $s = \theta r$  (حاریم)$$

نقطے کا خطی سے تی رفت ار $\vec{v}$  دائرے کو مماتی ہوگا؛ نقطے کی خطی رفت ار $\vec{v}$  ذیل ہوگا،

$$v = \omega r$$
 (ریڈیمن ناپ  $v = \omega r$ 

جہاں س جسم کی (ریڈیئن فی سیکنڈ میں)زاوی رفت ارہے۔

نقطے کے خطی اسسراع à کاممای اور ردای حبزو ہوگا۔ ممای حبزوزیل ہوگا،

$$(r.rr)$$
  $a_t = \alpha r$  (پاریمین ناسیا)

جہاں (ریڈیٹن فی مسر کے سیکٹر مسیں) جسم کے زادی اسسراع کی ت در  $\alpha$  ہے۔ اسسراع کا دوای حبزوزیل ہوگا۔

$$(r.rr)$$
  $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$  (پیٹین اپ

اگر نقط یک ال دائری حسر کت کرتا ہو، جسم اور نقطے کی حسر کت کادوری عسر صب تن فیل ہوگا۔

$$(r_{r} \cdot r_{r} \cdot r_{r})$$
  $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$  (پیرین نام تاریخ تان نام تاریخ تار

گھميرى حركى توانائى اور گھميرى جمود مقدره تورىر گوت بوئ استوار جم كى سركى توانائى K زيل بوگ،

جباں I جم کا محمیر کی جمود ہے، جس کی تعسرین انسٹرادی ذروں کے نظام کے لئے:

$$I = \sum m_i r_i^2$$

اور استمراری تمیتی تقسیم کے جسم کے لئے ذیل ہے۔

$$I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

ان مساوات مسیں، محور گھساوے مطلوب ہمسیق مکڑے تک عصودی مناصلہ ۲ اور ۲ ہے، اور کمل پورے جم پر لیاحیائے گاتا کہ اسس مسین تمام کمسیق مکڑے شامل ہوں۔

مسئلہ متوازی محور کی بھی محور پر جسم کے گھیسری جود I کانتساق، ای جسم کے مسر کز کمیسی پر متوازی محور کے لیے ناس گھیسری جود کے ساتھ مسئلہ متوازی محور دیتا ہے۔

اب ۲۰ گھماو

h ہیں دونوں محور کے نی مناصب h ہے ، اور مسر کز کیت پر محور کے لیے نظرے جسم کا تھمیسری جمود میں ہود I ہے۔ ہم کا کومسر کز کیت پر واقع محور سے اصل محور تھے اوکا ہونے ویسے ہیں۔

قے مروڑ گھیسری محور پر قوت آ کی بناجم پر گھو سنے کے اثر کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھساو کے لحساظ سے جسس نظے پر آ تا عمسل پیسر اہوانس کا تعین گر سمتیہ تر ہو، تب قوت مسروڑ کی تندر ذیل ہوگی،

$$(r.rq.r.r.r.r)$$
  $\tau = rF_t = r_\perp F = rF \sin \phi$ 

تو۔۔ مسروڑ کی بین الاتوامی اکائی نیوٹن میٹر (Nm) ہے۔اگر ساکن جم کو تو۔۔ مسروڑ au حنلان گھسٹری گھسنے کی کوشش کرے تب منفی ہوگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کازاوئ روپ نیوٹن کے تنانون دوم کازادی مسٹل ذیل ہے،

$$au_{i} = I\alpha$$

جہاں ذرے یا استوار جسم پر قوت مسروڑ  $\sigma$  ، محور گھماوپر ذرے یا جسم کا گھمیسری جمود I ، اور  $\alpha$  اسس محور پر ماحسان زاوی اسسراغ ہے۔

کام اور گھمیری حرکی توانائی گھیسری حسرت مسین کام اور طباقت کے حساب کی (درج ذیل) مساوات مستقیم حسرت کی مساوات سے مطبابقت رکھتی ہیں۔

$$(r.sr)$$
  $W = \int_{0}^{\theta_{f}} \tau \, \mathrm{d}\theta$ 

$$(r.aa) P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جب au منتقل ہوم اوات ۴.۵۳ گھٹ کر ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(\textbf{r.sr}) \hspace{1cm} W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجبام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کر تاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

#### سوالا \_\_\_\_

سوال ۱.۷: انتصابی دھسرے پر مسسرص کی زاوی سستی رفت ریالمقابل وقت ترسیم مشکل 20.10 مسیں پیش ہے۔ مسسرص کے چکا پر ایک نقطہ کے لئے کحسات ، c ، b ، a کی در حب بسندی، اعظم اول رکھ کر، (۱) ممسامی اور (ب) ممامی اور (ب) دائی اسسراع کی وقت در کے لیے افاعے کریں۔

21.10 عوال ۲.۷: انتصابی دھسرے پر مشرص کے گھاو کی تین صور توں کے لئے زاوی معتام  $\theta$  بالقابل قوت t شکل t 21.10 میں پیش ہے۔ برایک صورت میں گھاو کارخ کی زاوی معتام  $\theta$  ہوگا۔ (۱) بر صورت کے لئے کیا  $\theta$   $\theta$   $\theta$   $\theta$  گھاڑی وار ہے، خلاف گھسڑی ہے، یاعتین  $\theta$   $\theta$   $\theta$  پر ہے؟ برایک صورت میں (ب) کے لئے  $\theta$   $\theta$  کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟  $\theta$   $\theta$  کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟

سوال ۳.۳: مصرص کے وسط سے گزر تاانقب بی دهسرے پر گھومتے مصرص کے چاپر قوت لاگو کر کے اسس کی زادی مسمتی رفت ار تبدیل کی حباتی ہے۔ اسس کی بالسسرتیب ابت دائی اور اختنای مسمتی رفت ار حبار مختلف صور توں مسین ذیل ہیں: (۱) ابت دائی 2 rad s<sup>-1</sup> : (2 rad s<sup>-1</sup> ؛ (ب) 5 rad s<sup>-1</sup> ؛ (ب) 6 rad s<sup>-1</sup> ؛ (ب) 7 rad s<sup>-1</sup> نقتای 6 rad s<sup>-1</sup> ؛ (ب) 7 rad s<sup>-1</sup> نقت اول رکھ کر ان صور توں کی در حب بہندی قوت مسروڑ کے سرانجبام کام کے لیے اطلاح کریں۔

سوال ۴۰.۴: شکل 22a.10 کے مسترص کازاوی معتام شکل 22b.10 دیتی ہے۔ کیا(۱) t=1 پر، (ب t=2 s (بر، کیاناوی کا نواز کی کازاوی سنستی رفت ارمثبت، منفی بیاصف ہے؛ t=3 s (درجی ) کے ناوی استراع مثبت یا منفی ہے؛

سوال ۲۰۰۵: فت رص کے وسط سے گزرتا انتصابی دھسرے پر گھومتے فت رص پر قوت  $\vec{F}_1$  اور  $\vec{F}_2$  عمسل کرتی ہیں (مشکل 23.10)۔ گھساوے دوران، جو صنالات گھسٹری اور مستقل ہے، قوت و کھائے گئے زاویے بر فت رارر کھتی ہیں ۔ تاہم، ہم حیاہتے ہیں کہ  $\vec{F}_1$  کی فت در تبدیل سے بغیب رہ  $\vec{F}_1$  کازاویہ  $\theta$  گھٹائیں۔(۱) سمتی زاوی رفت ارتبدیل سے ہوئے کے کئے کسیا گھسٹری واریا حنالات گھسٹری قسٹری گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری کو مشتر کرتی ہیں ؟ کسیا (ب) آجا در (ج) کو مشتر ص کو گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری گھسٹری کو کسٹش کرتی ہیں ؟

سوال ۲۰۰۱: ایک چوکور جو نقط P پر دانتصابی دھسرے کے گرد گھوم سکتا ہے ، کافصنائی حبائزہ شکل 24.10مسیں لیا گئیا ہے۔ گیا ہے۔ چوکور پر برابر فت در کی پانچ توت عمسل کرتی ہیں، اور P ضلع کاوسطی نقط ہے۔ نقطہ P پر توت مسروڑ کے لحساظ ہے، اعظم اول رکھ کر، تو توں کی در حب بسندی کریں۔

موال ۷۰٪ افتی چول دار سلاخ کافصٹ کی حبائزہ مشکل 25a.10 مسیں پیش ہے۔ سلاخ پر دو قوت عمسل کرتی ہیں، تاہم سلاخ ساخ ساخ اور جَرِّ کَ عَنْ فَاور سلاخ اللہ ہوگا؟ جائزہ سنگا اور سلاخ اللہ ہمی ساکن رہے، کسیا جَرِی اللہ ہوگا؟ جھوٹنی ہوگا، گھٹائی ہوگا، گھٹائی ہوگا،

موال ۴.۸: افتی چول دار سیاخ کا فصن کی حب نزه شکل 25b.10 میں پیش ہے۔ سیاخ کو قوت  $\vec{F}_1$  اور  $\vec{F}_2$  چول پر گھساتی ہیں:  $\vec{F}_2$  اور سیاخ کے جی فاوی ہے ہے۔ سیاخ کے زادی اسسراع کی وقت در کے لحی ظرے ، اعظم اول رکھ کر ، زاوی ہے کہی درج ذیل قیمتوں کی درجہ بسندی کریں:  $90^\circ$  ،  $90^\circ$  ، اور  $110^\circ$  ۔

سوال ۹٬۰۰۰ کیساں موٹائی کے دھاتی پور کاچو کور جس ہے % 25 حس کاٹا گیا ہے، شکل 26.10 میں دکھایا گیا ہے۔ سوال ۹٬۰۰۰ میں دکھایا گیا ہے۔ ان نقطوں پر انتصابی محور کے گرد حپادر کے گھیدری جمود کے لیاظ ہے، اعظام اول

اب ۲۰ گھساو

#### ر کھ کر، نقطوں کی در حب سندی کریں۔

موال ۱۰ ۲۰: تین چینی (ایک جینے رداس کے) مت رص ، جو مت رص کے وسط پر انتصابی دھ سرے کے گرد گھوم سکتے ہیں،
سنگل 27.10 مسیں چیش ہیں۔ سینوں مسترص وہی دومادہ ہے بنے ہیں۔ ایک مادہ دوسرے سے زیادہ کثیف ہے (نی اکائی
محبم کمیت کو کثافت کہتے ہیں)۔ مسترص 1 اور 3 کا ہیں دوقو تیں مسترص کے ہیں۔ ونی کشید مادے کا ہے۔ مسترص 2 کا اندرونی
نصف حصہ کثیف مادے کا ہے۔ ایک جنتی مسترص کے استرص کے بسیرونی کسنارے پر یا دومادہ کے جوڑ پر، ممائی
مسل کرتی ہیں۔ (۱) مسترص کے وسط پر قوت مسروڑ، (ب) مسترص کے وسط پر گھمیسری جمود، اور (ج) مسترص کے اسسرائ
کے لیے اظے، اعظے اول دکھ کر، مسترص کی در حب ہیں۔ دی کریں۔

سوال ۱۱.۷: میسٹر سلاخ کا آدھ حسے کئڑی کا اور آدھ فولاد کا بن ہو ہے (شکل 28a.10) کئڑی والے سر O پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول ہے۔ فولادی سر a پر قوت لگری والے سر کرتی ہے۔ شکل 28b.10 سیس سلاخ الٹی رکھی حباتی ہے اور فولادی سر 28b.10 سیس جب کم کئڑی والے سر a پر قوت لاگو کی حباتی ہے۔ کیا شکل 28a.10 سیس پید ازاوی اسراع شکل 28b.10 سیس پید ازاوی اسراع شکل 20b.10 سیس پید ازاوی اسراع ہے کیا ہے ؟

موال ۱۲. ۳: کیسال کمیتی تقسیم کے تین فسیرص شکل 29.10 مسیں پیش ہیں۔ فسیرص کارداسس R اور کیسے اللہ ورکیسے کا دورک کور گھساوی گھریسری دیا گئے ہیں۔ فسیرص کے وسط پر قسیرص کو عصودی محود کے گور گھساوی گھریسری جمود کے لحی ظرے ،اعظم اول رکھ کر، فسیرص کی در حب بسندی کریں۔

#### سوالات

#### گھماوے متغیر

سوال ۱. ۴: ایک اچپ اکسلاڑی 60 فٹ دور کھاڑی تک 85 میل فی گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھسا وے گیٹ دیجینک سکتا ہے۔ دوسسرے کھلاڑی تک چنج کو گیٹ دینے حپکر مکسل کے ہوں گے؟

سوال ۴.۲: گھسٹری کی (۱) سسیکنڈوں کی سوئی، (ب )مسنٹوں کی سوئی، اور (ج) گھنٹوں کی سوئی کی زاوی رفت ارریڈیئن فی سسیکنڈ مسیں تلاسٹ کریں۔

سوال ۳۰٪: و ٹیل روٹی کا مکھن لگا گڑا میں زے پھل کر زمسین پر حیکر کھا تا گر تا ہے۔ میں زے زمسین تک مناصلہ 76 cm 76 cm اور 1 سے کم حیکر کی صورت مسین (۱) کم سے کم اور (ب) زیادہ ہے زیادہ زاوی رفت ارکیا ہوگی کہ زمسین پر گگئے ک بعد مکھن لگا طسرف زمسین پر ہو؟

سوال ۲۰۰۳: گومتے ہیے پر ایک نقطے کازاوی معتام  $4.0t^2 + 2.0t^3 + 2.0t^3$  جہاں  $\theta$  کانا پریڈیئن اور t کا سوال ۲۰۰۳: گومتے ہیے پر ایک نقطے کا(ا)زاوی معتام اور (ب)زاوی سمتی رفت ارکب ہوگا؛ لحب t = 4.0s پر اسس کازاوی سمتی رفت ارکب ہوگا؛ (ج) کھے t = 2.0s پر اسس کازاوی اسراع تلاسش کریں۔ (د) کیا اسس کازاوی اسراع معتقل ہے ؟

سوال ۴.۵٪ پانی تک m 10 بلند حب بوترہ سے تب راک حب کر کھ کر کھ کر کھی کر پینچتا ہے۔ صف رابت دائی انتصابی سستی رفت رفت رف کر کے، پرواز کے دوران تب راک کی اوسط زاوی سستی رفت ارتلاسٹ کریں۔ t سوال ۲.۳: گوتے پیچے کے چکاپر ایک نقطے کا زاوی معتام  $t=4.0t-3.0t^2+t^3$  سوال ۲.۳: گوتے پیچے کے چکاپر ایک نقطے کا زاوی معتام t=4.0 ہیں اور رہانت کا سینڈ مسیں ہے۔ کمحس (جاری اور رہائت کے t=4.0 ہیں اور رہانت کے اور رہانت کے ایک اور رہانت کے ایک اس دورانے کے رہے) آغیبار میں اور (د) اختیام پر کمحس آنی زاوی اسراع کے بہوگا؟

سوال ۲.۷: ایک پہیامسیں، جس کارداسس 30 cm ہے، آٹھ تیایاں برابر مناصلوں پر نصب ہیں۔ پہیامقسررہ دھسرے پر 2.5 حبکر فی سیکنڈ گھوم رہاہے۔ آپ 20 cm لمباتیب مار کر، دھسرے کے متوازی، تیایوں کو چھوئے بغیبر، پہیے کے اندرے گزارناحیاہ ہیں۔ تیبر اور تیایوں کو انتہائی پتالاتھور کریں۔(۱) تیبر کی کم سے کم رفت ارکب ہوسکتی ہے؟ (بہت کی سیسرے اور چکاکے نی مارنے کا نقط اہمیت رکھتا ہے؟اگراہیت رکھتا ہو، بہت بین معتام کیا ہوگا؟

 $\alpha$  سوال  $\alpha$  ان کی نامی مسر می مسین نگر اوی استران  $\alpha$  ان می کاناپ ریڈ مین فی مسر می مسین نگر اور  $\alpha$  کا کسیکن نگر اور  $\alpha$  ان اوی کسیکن اوی سستی رفت از  $\alpha$  اور زادی معتام  $\alpha$  اور زادی معتام  $\alpha$  یر پہنے کی زاوی سستی رفت از  $\alpha$  کا سین کے نف اور زادی معتام (ریڈ مین ) کے تف عسل وقت (سیکنٹر) کے لحی اظ سے کلیس و تعدید (سیکنٹر) کے لحی اظ سے کلیس و تعدید (سیکنٹر) کے لحی اظ سے کلیس و تعدید (سیکنٹر) کے لیسان و تعدید (سیکنٹر) کے تعدید و تعدید (سیکنٹر) کے لیسان و تعدید (سیکنٹر) کے تعدید و تعدی

#### متقل زاوی اسسراع کا گھپاو

سوال ۴.۹: اپنے وسطی محور پر ڈرم 12.60 rad s<sup>-1</sup> زاوی سمتی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔اگر اب ڈرم 4.20 rad s<sup>-2</sup> کی مستقل شرح سے آہتہ ہو،اسس کور کئے تک (۱) کتف اوقت حہا ہے ہوگا اور (ب) رکئے تک سے کتف زاویہ گھوے گا؟

سوال ۱۰ ابن: ساکن حسالت سے آغناز کر کے ایک مسترص اپنے وسطی محور پر مستقل زاوی اسسراع سے گھومت ہے۔ است دائی 5.0 s مسین فت مسین 5.0 s مسین فت مسین (ا) زاوی اسسراع اور (ب) اوسط زاوی مستی رفت از کی فت دفت از کی اسس 5.0 s دورائے کے اختتام پر لحساتی مستی رفت از کسیا ہوگی؟(و) زاوی اسسراع بر فت رار رہنے کی صورت مسین ایکے 5.0 s مسین فت رض مسزید کتن زاوسے طے کرتا ہے؟

سوال ۱۱.۷۱: ایک فتسر ص جوابت دائی طور  $120 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  عراج مستقل اسسرائ  $4.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$  مستقل اسسرائ کے آہتہ ہوتا ہے۔ (۱) فتسر ص کر رکھنے تک کتناوقت در کار ہوگا؟ (ب) رکھنے تک فتسر ص کتنازوپ طے کر یگا؟

سوال ۱۲. ٪: ایک گار <sup>۱۳</sup> (انجن) کی زادی رفتار ۱2 s مسیں 1200 میکر فی منٹ سے بڑھ کر 3000 میکر فی منٹ کی حباتی ہے۔(۱) اسس کا اسسراع میکر فی مسر بح منٹ مسیس کیا ہوگا؟(ب) ان 12 s مسیس کل (انجن) کتنے حبکر کا تھے۔؟

سوال ۱۳۰۳: ا**اُرُانِ بِهِيا** ۴۳ 40 کيکروں مسين 1.5 rad s<sup>-1</sup> زادی رفت ارسے سائن حسالت کو پنچت ہے۔(۱) مستقل زادی اسراع مستر ش کرتے ہوئے، رکنے کے لئے در کار وقت مسلوم کریں۔ (ب) اسس کا زادی اسسراغ کمیا ہوگا؟ (ج) 40 حسکر مسین ہے۔ استدائی 20 حسکر اُزان پہلے کئے وقت مسین کاشت ہے؟

سوال ۱۲٪ سکن حسالت ہے آغناز کر کے، مستقل اسسراع کے ساتھ، اپنی وسطی محور پر مسسرص گھومت ہے۔ کسی

engine<sup>rr</sup> flywheel<sup>rr</sup> ۱۰۸

ایک لیجے مسیرس 10 حپکر فی سیکنڈے گھومت ہے؛ 60 حپکر بعبد اسس کی زاوی رفت ار 15 حپکر فی سیکنڈ ہے۔(۱) مسیرس کا زاوی اسسراغ، (ب) ہے 60 حپکر کو درکار دورانی، (ج) 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے کے لئے درکار دورانی، اور (د) ساکن حسالت ہے 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے تک کل حپکر تلاسش کریں۔

سوال ۱۱.۷: ساکن حسالت ہے آغیاز کرکے محور گلمہاوپر فتسر ص زاوی اسسراع 1.50 rad s<sup>-2</sup> ہیا ہے۔(۱) اہت دائی 2.00 حیکر اور ( \_ ) اگلے 2.00 حیکر کتنے وقت مسین طے ہوں گے؟

 $-0.25 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$  پراڑن پیچے کی زاوی سنتی رفت از  $4.7 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  ، منتقل زاوی اسراع t=0 براڑن پیچے کی زاوی سنتی رفت رفت والہ اور حوالہ لکسیسر  $\theta=0$  پر ہوگی جس رفت والہ لکسیسر رشت اور (ج) روسسری مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت اور (ج) روسسری مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت بیستی مسرت بیستی میں ایک بیستی مسرت بیستی میں بیستی بیستی میں بیستی میں بیستی میں بیستی میں بیستی بیستی بیستی بیستی بیستی میں بیستی بیستی بیستی میں بیستی بیست

سوال ۱۱.  $\gamma$ : 1 کینے متنے ذی سے گلومتے نیوٹر ان تارہ کو کہتے ہیں جو مضارہ نور کی طسیر ہے شعباع حضاری کر تا ہے۔ نابخل ہر حبکر کے دوران زمسین پر ایک مستب شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع وں کے 3 دوران زمسین پر ایک مستب شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع وں کے 3 دوران نرمسین پر ایک مستب السرطان 1 مستب موجود نابخل کا دوری عسیر مسید مسلم السرطان 1 مستب السرطان 1 مستب کا دوری عسیر مسید المار کے 1 مستب 1 مسید ابوا۔ مستب 1 مسید ابوا۔ مستب 1 مسید ابوا۔ مسید ابوا۔ مسید مسید ابوا۔ مسید مسید ابوا۔ مسید کیا جب درک ابت دائی 1 ملاحث کریں۔

# خطی اور زاوی متغیرات کارشته

موال ۱۹.۹: حنلائی طیارہ  $4000 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$  رواس کا دائری موڑ کائت  $4000 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$  رواس کا دائری موڑ کائت  $-1000 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$  رواس کا دائری موڑ کائت  $-1000 \, \mathrm{km}^{-1}$  رواس کا دائری موڑ کائت کا سراع کی متدریں کے بین جمال میں موٹ کائٹ کا مسابق کی مسابق کا مسا

سوال ۲۰۰۰: ایک جیم مقسر ره محور پر گھومت ہے، اور جیم پر حوالہ لکسیر مازاوی معتام  $\theta=0.40e^{2t}$  ہے، جباں  $\theta$  ریڈیئن مسین اور t=0 ہے۔ جب اور t=0 ہے۔ کور گھساوے t=0 برنقطے (ا) کے اسسرائے کے مسین اور t=0 ہمیای حسین واور (پ) اسسرائے کے ردای حسیز وکی و تسدر کسیا ہوگی؟

سوال ۲۰۲۱: اله اِ اور ۱۹۹۰ کے آط الب کے شہدر پیپ اسٹیں واقع جھ کا برُج ۲۸ کی چوٹی جنوب کے رخ سالات اوسط اُ ۲۰۰ کی جوٹی جنوب کے رخ سالات اوسط اُ 1.2 mm

pulsar

Crabnebulary

 $supernova^{\textbf{r} \angle}$ 

leaningtowerofPisa r^

سوال ۲۳.۳٪ ایک اڑن پہیا جس کا قط سر 1.20 m پر فی منٹ کی زاد کار فت ارسے گلوم رہا ہے۔(۱) اڑن پہیے کی زاد کار فت ارکیا ہوگی؟(ج) پہیے کی زاد کار فت ارکیا ہوگی؟(ج) پہیے کی زاد کار فت ارکیا ہوگی؟ فت کی زاد کار فت ارکیا ہوگا؟ مسین بڑھ کر فی منٹ میں کسی کی اور کی استراع منٹ میں کسی کسی کسی ہوگا؟

سوال ۴۰، ۲۰ گراموفور ۴۰ کی سوئی (پایک کی بنی ہوئی) تھالی ۱۳ کی چوڑیوں پر حپ ل کر آواز پیدا کرتی ہے۔ چوڑی مسیں چھ و حسم پر حپ ل کر سوئی ارتعب سٹس پذیر ہوگی۔ گراموفون میکانی ارتعب سٹس کو پہلے برتی ارتعب سٹس مسین اور اسس کے بعب آواز مسین سبدیل کرتا ہے۔ منسر ض کریں تعت لی  $\frac{1}{2}$  33 حپ رفی منٹ سٹسر ہے گھومتی ہے، جس چوڑی کو بحب یا جب راسس کا رواسس سال کرتا ہیں۔ حسم کس سٹسر ہر (کلر مسین حسم کیساں سلس کا 1.75 سس کوئی کو کھراتے ہیں۔ حسم کس سٹسر ہر (کلر کسین کی کو کھراتے ہیں۔ حسم کس سٹسر ہر اگر کی کھراتے ہیں؟

سوال ۴۰۲۵: (۱) سطح زمسین پر  $40^{\circ}$  شمسال کے خط عرض بلد  $7^{\circ}$  پرواقع نقطے کی قطبی محور پرزاوی رفت ار  $\omega$  کسیا ہوگی؟ (زمسین قطبی محور پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان  $\sigma$  کسیا ہوگی؟ خط استوا  $\sigma$  پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان  $\sigma$  کسیا ہوگی؟ خط استوا  $\sigma$ 

سوال ۳۰،۲۱: دفانی کل ۳۳ (دحن نی انجن ) کااڑن پہیا 150 حیکر فی منٹ کی مشقل زادی سمتی رفت ارسے حسر کت مسین ہے۔ بعب پر میرم ۴۳ کی رقر اور ہوائی رکاوٹ پہیے کو 2.2 گھٹؤں مسین رو تی ہیں۔ (ا)رکنے کے دوران پہیے کا مشقل زادی اسراع، حیکر فی مسرع منٹ مسین، کیا ہوگا؟ (ب) رکنے تک پہیا گئے حیکر کاشت ہے؟ (ج) جس لمحہ الزن پہیے کی زادی رفت اور 75 حیکر فی منٹ ہے، پہیے پر محور گھاوے 50 cm فن ملے پر نقط کے خطی اسراع کام می حبزوکیا ہوگا؟ (د) ذریے کے صافی اسراع کی ت در کیا ہوگا؟

سوال ۲۰ ، ۳۰ : تختہ گھوم ۲۳ پر ، جو 33 أو سيل من من سے گھوم رہاہے ، فقا کادات مور گھساوے 6.0 من صلے پر پڑا ہے۔ (۱) فقا کا اسسراع کمیا ہے اور (ب) پھیلنے سے بچنے کے لئے کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کمیا ہو گا؟ (ج) اگر ساکن حسالت سے تخت اسس رفت ارتک و 0.25 مسیں مستقل زاوی اسسراع سے پہنچ ہو، پھیلنے سے بچنے کے لئے کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کمیا ہو گا؟

 $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$  اور  $r_A = 25 \, \mathrm{cm}$  اور  $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$  ما تا ہے (شکل 31.10)۔ کن جالت ہے پہیا  $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$  کی زاوی رفت اور  $r_A = 1000 \, \mathrm{cm}$  مستقل شرح ہے بڑھ کی جب ہے۔ پہیا  $r_A = 1000 \, \mathrm{cm}$  کی فرنسٹ تک پہنچنے کے لئے کتنا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے) (ایشارہ: اگریٹ پھیلے نہیں، دونوں پہیوں کے فی منٹ تک پہنچنے کے لئے کتنا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے)

centrifuge regramophone re

vinylrecord latitude r

equator

steamengine

bearing turntable turntable

۱۱۱ پایس ۲۰. گلمهاو

## ھے برابر خطی رفت ارسے حسر کت کریں گے۔)

موال ۲۹ ، ۳: روشنی کی رفت ارنا پنے کی ایک پر افی ترکیب مشکل 32.10 مسین دکھ آئی گئی ہے، جس مسین مشکاف دار گومت کا ۲۹ ، ۳۰ مسین مشکان کر دور آئین ہے۔ گورا کر دور آئین ہے۔ گورا کر ای راہ پر مشکان کے بسیر دونی کسنارے پر شگاف سے کرن گزر کر دور آئین ہے۔ گئی تا کے دوالت مسین پہیا ایک شگاف آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگاف داور آگئی تا کہ دورائی ہے۔ گئی کاردائس 5.00 مشکافوں کی تعداد 500 ، اور آئینے تک و ناصلہ 500 سے گاردائس جا کہ دوشنی کی رفت اور آئینے تک و ناصلہ 3.0 × 10<sup>5</sup> km s ہے۔ گئی کی مشتل (زادی) رفت ادک ہے ؟

سوال ۳۰۳۰: ممکن پرخی کر تھے اڑن پہیے کو، جس کارداس 2.83 cm ہے، ساکن حسالت ہے 14.2 rad s<sup>-2</sup> ہے، ساکن حسالت ہے۔ 2.83 cm ہے، مسائل ہے کہ کہ اس دوران پہیے کے چکا پر واقع نقطے کے مسائل ہے۔ (۱) اسس دوران پہیے کے چکا پر واقع نقطے کے مسائل اسسراٹ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پہنچنے تک چکا پر واقع نقطے کاردائی اسسراٹ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پہنچنے تک چکا پر واقع نقطے کہ تناون صلہ طے کرتا ہے؟

سوال ۱۳.۳۱: ایک و سرص، جس کارداسس  $0.25 \, m$  و سخص کی و سطی انتصابی محور پر  $0.25 \, m$  گھسانا مقصود ہے۔ سکن حسالت ہے آغناز کر کے، ابتدائی  $0.25 \, m$  ودران و سرص کو مستقل  $0.25 \, m$  مسرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک حباتا ہے۔ مشرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک کی حصہ کے مسرکز مائل اسراع کی و سدر  $0.25 \, m$  مل سام کی گھنائی کے اس کی وردانے کتناہو مکا ہے جو اوز نے کرے۔ (۱) گھناؤی کے کم دورانے کتناہو مکتا ہے؟ (ب) مطب البقتی  $0.25 \, m$  کی آبیت کسیاہو گی؟

سوال ۴۳۲: ساکن حسالت سے آغناز کر کے گاڑی  $30.0 \, \mathrm{m}$  رواسس کی دائری راہ پر حیباتی ہے۔ اسس کی رفتار  $0.500 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2}$  مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم عقد میں مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم یے گاؤی کا مسافی ممتد اسراع اور گاڑی کی سمتی رفت ار آپس مسین کس زاویے پر ہیں ؟

## گھماو کی حسر کی توانائی

سوال ۳۳۰ ایک پہیا 602 حیکر فی منٹ سے گھوم رہاہے اور اسس کی حسر کی توانائی ا 24 400 ہے۔ پہیے کا گھمیسری جمود تلاسٹ کریں۔

gyroscope "2

#### گھىپىرى جمود كاحساپ

سوال ۳۳.۳۱: متسرص کے وسط سے ردای h من صلے پر محور کے گرد متسرص گھوم سکتا ہے (مشکل 34a.10)۔ متسرص کے وسط سے کنارے تک h کی قیمتوں کے لئے متسرص کا گھسیسری جود I کا  $I_B = 0.050 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$  کیا ہے۔ محور  $I_B = 0.050 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$  کیا ہے۔ محال کا کھیسے تلامش کریں۔

سوال ۳۰٬۳۷: میسٹر سلاخ، جس کی کیسے 0.56 kg ہے، کا گھیسری جمود 20 cm نشان پرواقع سلاخ کو عسودی محور پر تلاسٹ کریں۔(میسٹر سلاخ کو پستلی سلاخ تصور کریں۔)

سوال ۲۰۳۸: بلا کمیت سلاخ کے ساتھ تین ذرے چسپاں کیے گئے ہیں (شکل 35.10)۔ سلاخ کی لمبائی میں درجہ میں اور ذروں کی انفسندادی کمیت دادی کمیت 0.0100 kg ہے۔ نظام سلاخ کے بائیں سرپر واقع نقطہ O کے گزرتی عصودی محور پر گلوم سکتا ہے۔ ہم ایک ذرہ ہٹ تے ہیں (جو % 33 کمیت بنت ہے)۔ محور سے (۱) مستریب ترین فررہ ہٹ نے بین اور ترین ذرہ ہٹ نے بین کا گلمیسری جمود کتنے فی صدکم ہوگا؟

سوال ۳۹.۳۹: اڑن پہیے کوبر قی موٹر سے 200 ریڈیئن فی سیکنٹر رفت ارتک پہنچپ کر گھومتے اڑن پہیے مسیں ذخیبرہ توانائی سے ٹرک حیایا حب سکتا ہے۔ منسر ض کریں اٹن پہیا ٹھوسس اور یکساں بسیلن ہے، جس کی کمیت 500 kg اور رواسس 1.0 m ہے۔ (ا) بھسرائی کے بعد اڑن پہیے کی حسر کی توانائی کتی ہوگی؟ (ب) اگر ٹرک اوسط گل 8.0 kW طاقت استعمال کرتا ہو، بھسرائی کتی دیر مسیں دوبارہ کرنی ہوگی؟

 $L=\frac{100}{2}$  بوال ۱۰٬۳۰۰ بالکل ایک جیسے 15 متے میں سیدھ میں رکھ کر سان ٹی کشکل میں ، جس کی لمب بی اور پورا  $M=100.0~\mathrm{mg}$  بین اور پورا  $M=100.0~\mathrm{mg}$  بین اور پورا  $M=100.0~\mathrm{mg}$  نظام در میانے مت میں کے وسطی نقط O پر گھوم سکتا ہے۔(ا) اسس محور پر نظام کا گھمیسری جمود تلاسٹس کریں۔(ب) نظام کو کسک کے میں این تصور کرنے سے حبدول 2e.10 کا کلیہ استعمال کرنے سے گھمیسری جمود کے حساسہ میں کتنے فی صد سمویسید ابوگا۔

سوال ۳۰.۳: دو ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کیت  $m=0.85\,\mathrm{kg}$  ہے ، ایک دو سرے کے ساتھ اور O پر واقع محور  $d=5.6\,\mathrm{cm}$  اور  $M=1.2\,\mathrm{kg}$  گھے اور کے ساتھ ہے دو سال خور ڈی ہیں۔ ان سالغوں کی انفٹ رادی کیت اور لہبائی  $M=1.2\,\mathrm{kg}$  اور  $M=5.6\,\mathrm{cm}$  اور  $M=1.2\,\mathrm{kg}$  گھے در ساتھ کے ساتھ کور گھے اوپر  $M=1.2\,\mathrm{kg}$  میں ناوی رفت اربے گومت ہے۔ محور  $M=1.2\,\mathrm{kg}$  کور  $M=1.2\,\mathrm{kg}$  کی رنظ م (ا) کا گھے میں کہ مور اور (ی) دسر کی توانائی کے ہیں؟

 $x = 0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm} \cdot x = 2.0 \, \text{cm} \cdot 50 \, \text{g}$  حوال ۳۰.۴۲: حیار ذروں کی کمیشیں اور محد دونیل ہیں:  $y = \cdot x = -2.0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = -3.0 \, \text{cm} \cdot x = -3.0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 4.0 \, \text{cm}$  حور تلاشش کریں۔(د) ہم جبزوا اور جبزو جو بالسش کریں۔(د) ہم جبزوا اور جبزو جب کے جوابات کو بالست رتیب  $A = 3 \, \text{d}$  اور  $A = 3 \, \text{d}$  بالست رتیب  $A = 3 \, \text{d}$  اور  $A = 3 \, \text{d}$  بالست رتیب  $A = 3 \, \text{d}$  اور  $A = 3 \, \text{d}$  بالست رتیب  $A = 3 \, \text{d}$ 

اال ۲۰۰۰ گھماو

 $c=1.4\,\mathrm{cm}$  ، اور اصلاً  $b=8.4\,\mathrm{cm}$  ،  $a=3.5\,\mathrm{cm}$  اوراضلاع  $0.172\,\mathrm{kg}$  ، اور اصل ۴۳.۳٪ خوسس سل کی کمیت و نے سے گزرتی، محور گھما و پر سل کا گھمیسری جمود تلاسش کریں۔

سوال ۲۳٬۳۰۰ حیارایک جیے ذروں کو، جن کی انفسر ادی کیسے 0.50 kg ہے، مس کا 2.0 m ہے وکور کی حیار راسس پر راکس کے حب تے ہیں، جو ڈا حب بتا ہے۔(۱) محت انفسال امنسال کی حب تے ہیں، جو ڈا حب بتا ہے۔(۱) محت انفسال محال کے وسطی نقطوں سے گزرتی محور گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، (ب) ایک ضلع کے وسطی نقط سے گزرتی محور گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، اور (ج) وتری محت الف ذروں سے گزرتی محور گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، اسس استوار جم کا گھی۔ کی جو و تلاسش کریں۔

#### قوت مسروڑ

 $r_1 = 1.30 \, \mathrm{m}$  ایک جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے دوڑ کہ ہو گا گا جو گا ہو گا ہو گا ہو گا ہو گا گا ہو گا ہو

سوال ۳.۴۷: بلا کیہ، سان کا دوسراسر چول میں انتصاب کے ایک سرپر 0.75 kg گیند باندھ کر، سلان کا دوسراسر چول سے الکا ایا جب تاہد ہو کی وقت مسروڑ کی وقت در کیا ہو، چول پر تحباذ بی قوت مسروڑ کی وقت در کیا ہوگی؟

سوال ۴۸.۴۸: سنگل کے پائسیدان کابازو m 0.152 m ہے اور سنگل سوار پائسیدان پر 111 N نشیبی قوت لاگو کر تا ہے۔ پائسیدان بازو کے چول پر اسس وقت قوت مسروڑ کی وقت در کسیا ہوگی جب انتصاب کے ساتھ پائسیدان کا زاوی (۱) \*30 ،(ب) 90° ،اور (ج) °180 ہو؟

## نیوٹن کافت انون دوم برائے گھم او

سوال ۴۹.۳۹: تخت خوط میں کود کر خوط خور کی زادی رفت ار، اسس کے مسر کز کیت پر، 220 ms میں سوال ۴۹.۳۹: تخت خوط میں کود کر خوط خور کی زادی رفت ار، اسس کے مسر کز کیت پر، 220 ms میں صف سرے 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کیت پر اسس کا گھمیسری جود مسروڑ کی وقت دیں کہا ہیں؟ خوط خور پر بسیر دنی اوسط قوت مسروڑ کی وقت دیں کہا ہیں؟ سوال ۴۵.۵۰: پہنے پر 32.0 N m قوت مسروڑ 25.0 rad s² زادی اسراع پیدا کرتی ہے۔ پہنے کا گھمیسری جمود کیا ہے؟

سوال ۲۱،۳۰۱ بلار گرافتی و هسرے پر رواس 5.00 cm کا جر تقیل ۲۹ صب ہے، جس سے کیت

divingboard pulley

سوال ۲۵.۲٪: ایک بسیان ، جس کی کیت  $2.0 \, \mathrm{kg}$  بیانی وسطی طولی محور پر ، جو O پر واقع ہے ، گوم سکتا ہے (مشکل 42.10  $F_1 = 5.0 \, \mathrm{N}$  ،  $F_2 = 4.0 \, \mathrm{N}$  ،  $F_1 = 6.0 \, \mathrm{N}$  ،  $F_2 = 5.0 \, \mathrm{m}$  ، اور  $R = 12 \, \mathrm{cm}$  بین راہ بیان کے زادگی اسٹ رائی کی ت در اور (ب) رخ تلاشش کریں۔ (گھ وک دوران بیسیان کے لی ظ سے تو ہ انہیں زادیوں پر رہتی ہیں۔)

سوال ۱۵۳۰: حبالی نمشتی جو ڈو کہ لاتی ہے۔ ایک داو مسیں آپ حسریف کا بایاں پاوں مار کر اٹھ تے ہیں اور ساتھ ہی اس کو وردی ہے گز کر بائیں کھیجے ہیں۔ نتیجتاً، حسریف اپنی پاوں پر گھوم کر زمسین پر گر تا ہے۔ شکل 44.10 میں آپ کا حسریف و کھی ایک ہے۔ جس مسیں اسس کا بایاں پاوں زمسین سے اٹھیا و کھی اٹھی ہے۔ محور گھی و نقط ہی کر جس سیں اسس کا بایاں پاوں زمسین سے اٹھی و کھی گا گئی ہے۔ جس مسیں اسس کا بایاں پاوں زمسین ہے جو کو کھی دو تقط ہو ہے۔ اسس کی کھی ہوت کے اس کے مسرکز کمیسری جو و کھی ہوت ہے جو کہ ہوت کی صورت کمیں اور (ب) آپ کی قوت ہے گا ستانی نظر انداز ہونے کی صورت میں اور (ب) آپ کی قوت ہوگا ہوگا کا بات دائی زادی اسس کی وقت در انگل کا بایت دائی زادی اسس کی اور نقط اطلاق کی بلندی سے 1.4 س کی مورت میں 0 پر حسریف کا ابت دائی زادی اسراع کے ہوگا ؟

موال ۵۵.۷٪ یکس موٹائی اور کثافت (کمیت فی اکائی تحبم) کے پلاسک کی بے متاعدہ حپادر نقط ورجی پر واقع، سطح حپادر کوعہ ورجی ہودی، محود کی، محود کی محود کی محود کی محود کی کہ محود کی کہ محود کی محود کی کہ کا جسس محود کی محود کی محود کی محود کی محود کی کہ محال کا محسل کا وسط کی پر ہو (شکل 2.00 محسل کا محسل کا محسل کا محسل کی جسس کے جائے محب کی محسل کے جائے محسل کی محسل کے جائے محسل کے جائے محسل کی محسل کے جائے محسل کی محد کے بیات ہے۔ ماحسل کے دونوں کو گھساتی ہے۔ ماحسل کا دونوں دونوں کو گھساتی ہے۔ ماحسل کے دونوں دونوں کو گھساتی ہے۔ ماحسل کا دونوں دونوں کو گھساتی کے دونوں کو گھساتی کی دونوں کو گھساتی کا دونوں کو گھساتی کے دونوں کو گھساتی کو دونوں کو گھساتی کے دونوں کو گھساتی کو دونوں کو گھساتی کورکھساتی کو دونوں کو گھساتی کے دونوں کو کھروں کو دونوں کو دون

سوال ۲۰٬۵۱ و دو ذرے 1 اور 2 جن کی انفٹ رادی کمیت m ہے بلا کمیت سلاخ کے سروں پر حبٹرے ہیں (شکل ۲۰٬۵۱ میل ۲۰٬۵۱ کی لمب کی  $L_1 = 20$  cm ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا کے کہ برائ زور 1 اور برائ زور 1 اور (برائ دور (برائ وی کے اجتدائی اسراغ کی متدر کمیا ہوگی؟

سوال ۸۵۰ نے۔ ایک حب ر تقتیل کارداسس  $10 \, \mathrm{cm}$  اور دھسرے پر گھمیری جود  $1.0 \, \mathrm{cm}$  نوٹن میں اور t عنوٹن میں اور t نوٹن میں اور t نوٹن میں اور t نوٹن میں اور t نوٹن میں اور t کے چاپر ممای تغییر پذیر توب t ہوتہ t کی اس (ا)کازاوی اسراع اور (ب)زاوی کی میں ہے۔ حب ر تقیل ابت دائی طور س کن ہے۔ وقت t براس (۱)کازاوی اسراع اور (ب)زاوی

#### رفت ارکب ہوں گے؟

# کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

سوال ۵۸. m=50 ور m=400 و، m=400 و، m=12 cm ہو، ساکن حسالت معلوم کریں۔ m=50 وی بالک کے بعد m=50 وی کی رفت ارکسیا ہوگی؟ توانائی کی بیٹ کا اصول استعال کر نے جواب معسلوم کریں۔ (ب) رواسس m=5.0 cm کے کرجواب دوبارہ حساس کریں۔

سوال ۵۹.۳: گاڑی کا خدار دھرا ۳۰ کریک سٹانٹ) 1800 میکرنی منٹ رفت ارسے گھومتے ہوئے انجن سے دھسرے دار میں گاڑی کا خدار دھرا ہم کرتاہے ؟ (اکسل) تک 74.6 kW سٹرزے توانائی پہنچا تا ہے۔ خمید اردھ سراکتنی قوت مسروڑ منٹ راہم کرتاہے ؟

سوال ۲۰ ، ۳: ایک پستلی سلاخ، جس کی لسبائی m 0.75 اور کمیت 0.42 kg ہے، ایک سرے کسٹکی ہے۔
سلاخ کو ایک حبانب کھنٹی کر رہا کر کے روشاص کی طسرح جولنے ویاحباتا ہے؛ نشیب سے سلاخ کہ داوی 4.0 rad s<sup>-1</sup> زادی
رفتارے گزرتی ہے۔ رگڑ اور ہوائی رکاوٹ نظر رانداز کریں۔ (۱) نشیبی معتام پر سلاخ کی حسر کی توانائی کہا ہوگی اور (ب)
سلاخ کا مسر کز کمیت نشیبی نقط ہے کئی بلندی تک پڑھیا تا ہے؟

موال ۲۱.۳: ایک پہیا، جس کو دائری پتلی سلاخ تصور کیا حب سکتا ہے، کی کمیت 32.0 kg اور رواسس میں 1.20 m میں روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل انحجام ہوگا؟ (ب) درکار اوسط طباقت کیا ہوگا؟

سوال ۱۲. ۳: تین ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کمیت  $L = 6.00 \, \mathrm{cm}$  برا کمیت برا کمیت برا کمیت برا کمیت کو عبودی، محور پر گلوم سکتی ہے (شکل 35.10 کر نے، اور (ج) گمیت ری سشرح کو (ا)  $L = 20.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  برا کمیت کی در کر نظر میں کو در کار ہوگا (د) نظام کی حسر کی (جباول مسیں) تو انائی بالقابل (مسین کی مسرئع مسینڈ مسیں) مسرئع سشرح گلے وکی ترسیم کی ڈھلوان کے باتوگی وال کمیت کی دھلوان کے باتوگی وال کمیت کی دھلوان کے باتوگی وال کمیت کی دھلوان کے باتوگی وال مسین کو مسرئع مسینڈ مسین کمیت کام در کار ہوگا وکی ترسیم کی ڈھلوان کے باتوگی و

سوال ۱۳۰٬۹۳: میسٹر سلاخ زمسین پر کھسٹری کر کے گرنے دی حباتی ہے۔ عسین زمسین پر پہنچ کر سلاخ کے دوسسرے سسر کی رفت ارکسیاہو گی؟زمسین پر رکھیا گئیا سسر پھیلتا نہیں۔(امشارہ:میسٹر سلاخ کو پہنی سلاخ تصور کر کے توانائی کی بقب کااصول بروئے کارلائیں۔)

سوال ۱۹۳٪: کیسان ہیں ہوں کو جس کارداسس 10 cm اور کمیت 20 kg ہے، یوں رکھا حباتا ہے کہ ہیسان کی وسطی طولی تورک متوازی، 5.0 cm ویر ہیسان کا گھسیسری جمود تلاشش کریں۔ (ب) محورک متوازی، 5.0 cm فیر کے گرد گھوم سے۔ (ا) محور گھماویر ہیسان کی وسطی طولی محورکو محمور کو محور گھماوی بلندی پر رکھ کرساکن ہیسان رہا کہا حب نشیب سے گزرتے وقت ہیسان کی وسطی طولی محورکو محمور گھماوی بلندی پر رکھ کرساکن ہیسان رہا کہا حب نشیب سے گزرتے وقت ہیسان کی وسطی اور کی اور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہیں میں معرف کا محمد کو محمد کا محمد کی ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کی دور کھارک ہوگئر کے دور کے دور کھارک ہوگئر کے دور کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کے دور کھارک ہوگئر کی دور کھارک ہور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کور کھارک ہوگئر کے دور کی کھارک ہوگئر کے دور کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ک

موال ۲۰ ،۲۵ ایک بلند بسیلنی آتش دان جس کی بنیاد کمنزور پڑ گئ تھی گر تا ہے۔ آتش دان کو پسیلی ساخ تصور کریں جس کی کمبائی 55.0 شاہ 35.0 دوران جس لمح انتصاب کے ساتھ آتش دان °35.0 داویہ بناتا ہے

crankshaft".

، اسس کے بالا سسر کا(۱) ردای اسسراغ، اور (ب) ممسای اسسراغ کیا ہوں گے ؟ (اہشارہ: توانائی کی بقسا بروئے کار لائیں نا کہ تو سسروڑ۔)(ج) ممسای اسسراغ کسس زاویے  $\theta$  پر  $g=9.8~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-2}$ 

موال ۲۰۰۱. کیس کروی خول، جس کی گیت  $M=4.5\,\mathrm{kg}$  اور دواس  $R=8.5\,\mathrm{cm}$  بر انتصافی وسطی گور پر بلار گز گلوم سکتا ہے ( $m=0.60\,\mathrm{kg}$  بر الم کر کرہ کے خطا ستواپر لب پٹا جب تا ہے ۔ جب رفتسی کی گھور کی جود  $m=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$  سے جسر فتسی کی دوراس میں جب رفتسی کا دھ سے ابلار گڑ ہے ؛ دھ گا جب رفتسی کی جسک نوب سات جس کی دوراس ک

سوال ۱۸.۳٪: پتاا گھیسر (کیت m اور رداس m 0.150 m ) اور پتلی سلاخ (کیت m اور لمب بنی m ) جو ٹر کر استوار نظام سنایا گیا ہے (شکل 48.10)۔ نظام سیدھ کھسٹر ا ہے، تاہم معمولی بلانے پر نظام سیدھ کا کھیں استوار نظام سنایا گیا ہے۔ سند خ کر دگھومت ہے۔ وخسر خ کریں معمولی بلانے کے منتقب کو سند کی کہ منتولی مسین موجود ، افقی محور کے گرد گھومت ہے۔ وخسر خ کریں معمولی بلانے کے منتقب کو تابی نظر انداز ہے۔ نشینی نقط ہے گزرتے وقت نظام کی زاولی رفت ارکب ہوگی؟

#### اضيافي سوال

سوال ۴۸٬۹۸ و و گھوسس یکساں کرہ کی انفسسرادی کیست 1.65 kg ، اور رواسس 0.226 m اور 0.854 m یں۔ دونوں اپنی اپنی محور پر، جو کرہ کے مسر کزیے گزرتی ہے، گھوم سکتے ہیں۔ (۱) چھوٹے کرہ کوساکن حسالت سے 15.5 s مسیں 317 rad s<sup>-1</sup> کی وسندر کسیا ہے؟ (ب) کرہ کے خط استوا پر ممساکی قوت کی وسندر کم کسیاہوگی جو اتی قوت مسروڑ دے؟ (ج) کا در کار 3 بڑے کرہ کے لئے کسابل؟

 $^{-2}$  متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔  $^{-2}$  کی  $^{-2}$  کی متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔  $^{-2}$  کی مخصوص  $^{-2}$  دورانیہ کے آغن ارمسیں پہنے کی زاوی کم  $^{-2}$  کی مخصوص  $^{-2}$  دورانیہ کے آغن ارمسیں پہنے کی زاوی کی متحق رفت ارکیا ہے  $^{-2}$  (ب) اسس  $^{-2}$  کی دورانیہ کے آغن اور کے سے متحق رفت ارکیا ہے  $^{-2}$  (ب) میں مارہا؟

موال اکر ہم: دوجہم ، جن کی انفخرادی کیت 6.20 kg ہے، بلاکیت دھاگے ہے آپ مسین باندھے گئے ہیں (شکل موال اکر ہم: دوجہم ، جن کی انفخرادی کیت 6.20 kg ہے۔ 10-4 kg m² کے آب مسیری جود کے حب ر تقتیل ہے گزر تا ہے۔ حب ر تقتیل پر دھا گہ بھیلت نہیں؛ ہم نہیں حبات آیا میں زاور جم کے خار گڑ ہے یا نہیں؛ حب ر تقتیل کادھ سرا بلار گڑ ہے۔ کن حیالت ہے رہائی پر 91.0 ms میں حب ر تقتیل 0.130 rad گئومت ہے، اور اجسام کا اسراع مستقل ہے۔

hoop

پایس ۲۰. گلمهاو

 $T_1$  اور (د) دھاگے کا تناوی  $T_1$  اور (د) دھاگے کا تناوی  $T_2$  اور (د) دھاگے کا تناوی  $T_3$  اور (د) دھاگے کا تناوی  $T_3$  کے اسراع کی تناوی  $T_3$  کے اسراع کی تناوی کا کہت کا تناوی کا کہت کی تناوی کا کہت کی کا کہت کی کا تناوی کا کہت کی کہت کے کہت کی کہت کہت کی کہت کے کہت کی کہت کے کہت کی کہت کے کہت کی کہت کی کہت کی کہت کی کہت کی کہت کی کہت کر کے کہت کے کہت کی کہت کی کہت کی کہت کے کہت کے کہت کی کہت کی کہت کے کہت کی کہت کہت کی کہت کر کرگئے کہت کہت کرتے کہت کی کہت کی کہت کی کہت کی کہت کر کرنے کہت کر کرنے کہت کرتے کہت کہت کرتے کہت کہت کرتے کہ کہت کرتے کہ کہت کر کرکھی کہ کہت کرتے کہ کہت کہ کہت کرتے کہ کہت کرتے کہ کہت کہ کہت کرتے

سوال ۲۲.۳: پہتلی سلاخ، جس کی کمیت 6.40 اور لمب بی م اللہ 1.20 سے دونوں سرپر 1.06 kg کا گیت د نفس سرپر 1.06 kg کا گیت د نفس سے کیا جہاتا ہے۔ سلاخ کے مسر کزپر واقع انتصابی کورپر سلاخ افقی مستوی مسیں گھوم سکتی ہے۔ کی مخصوص لیم پر اسلاخ 39.0 سیس سے در کر تی آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب کی آہمیۃ کوخ میں کر گار کی ایک ان کا ان کا کا کہ میں کتاب کی تو سے مسروز مستقل تصور کریں۔ (ا) زادی اسراع، (ب) آہمیۃ کن قوت مسروز مستقل توانائی کی قدر، اور (د) ان 32.0 میں حیکر کی تعداد تلاسش کریں۔ (ہ) اسٹر من کریں آہمیۃ کن قوت مسروز مستقل نہیں۔ کیا جب زور دمسزیر معلومات و یہ بغیر معلوم کے جاسکتے ہیں؟ جو معلوم کی حساستے ہیں؟ جو معلوم کی جب سکتے ہیں؟ جو معلوم کی جب سکتے ہیں؟ جو معلوم کی جب سکتے ہیں؟ جو معلوم کی کہاں کی تیمتیں کیاں کی تیمتیں کیاں کی تیمتیں کیاں کی گئیستیں کیاں کی تیمتیں کیاں کی گئیستیں کیاں کی گئیستیں کیاں کو گ

سوال 20.7: ری پر جیلنے والا شخص اپن امسر کز کمیت ری پر رکھتا ہے۔ لمب اور مجساراڈ نڈ اہاتھ مسیں ہونامدد گار ثابت ہوتا ہے: اگر مسر کز کمیت ری پر گھرا کو مشخص ڈنٹرے کو ہائیں حسر کت دے کر گھساو
آہتہ کر کے سنجلت ہے۔ وسنسرض کریں شخص کی کیت 70.0 kg اور ری پر گھمسے ری جوو 15.0 kg m² ہے۔ ری پر اسس کے زاوی اسسراع کی ت در کمیا ہو گار اسس کا مسرکز کمیت ری سے 5.0 cm واور (ا) اسس کے پاسس ڈنٹر ان ہو اور (ا) اکس کے پاسس ڈنٹر ان ہو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟
(ب) اگر اسس کے پاسس 14.0 kg ڈنٹر ابو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟

t=-لہ ہوال ۲۰.21: اسس پہیا t=0 پر ساکن حسالت ہے آغناز کر کے مستقل زاوی اسسراغ ہے گزر تا ہے۔ لمحہ ورم t=0 پر پہنے کی زاوی سمتی رفت اور t=0 بھد یک دم ورم یہ کی تاہے ؟ t=0 میں پہیا کتنازاویہ کے کرتا ہے؟ t=0 بھی کہ تاہے ؟

سوال ۷۷.۷: تخت گوم 33 چرنی منٹ کی رفتارے 30 میں بت درج آہتہ ہو کر رکتا ہے۔(۱) اسس کا (منتقل) زاوی اسراع، چکرنی مسرع منٹ میں، تلاشش کریں۔(ب) اسس دورانے میں تخت کتے چکر کاٹت ہے؟

retarding

سوال ۸۷.۷٪: تین L=0.600 سیل کی بیک پیک پیک کار پیشلی سیانتوں سے استوار جسم بنیا گیا ہے ، جولاط بین حسر و نسب کی سیان کی مسین کے در بر جوایک ٹانگ کی ہمسیراہ ہے ، گھوم سکتا ہے ۔ جسم کامستوی افقی رکھ کر جسم گرنے دیاجب تا ہے ۔ جب سے مستوی انتقابی معتام کو پنچتا ہے ، جسم کی زاوی رفت ارکب ہوگی ؟

سوال 24.4: (ا) و کھائیں کہ کمیت M اور رداسس R کے ٹھوسس بیسان کا وسطی محور پر گھمیسری جود ، اور کمیت M اور رداسس R برن کی کمیت R برداسس R برن کی کمیت R برداسس کمی کور پر گھمیسری جود برابر ہیں۔ R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R معدال گھیسری جود R اور رداسس R ذیل R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R معدال گھیسری جود R بربر ہوگا۔ معدال گھیسری جود R بربر ہوگا۔

$$k = \sqrt{\frac{I}{M}}$$

معادل گھیے راکار داس k اسس جسم کار دار روار میں کہا تاہے۔

وال ۸۰. ۳: دائری مسترص  $\theta_1=0.0$  مسیں مستقل زاوی اسراع کے ساتھ زاوی معتام  $\theta_1=0.0$  rad معتام  $\theta_1=0.0$  rad  $\theta_1=0.0$  rad  $\theta_2=0.0$  rad معتام  $\theta_2=0.0$  rad  $\theta_2=0.0$  rad معتام  $\theta_2=0.0$  بخت ہے۔ معتام  $\theta_2=0.0$  بخت ہے۔ معتام  $\theta_2=0.0$  بالقابل  $\theta_2=0.0$ 

سوال ۸۱.  $^{\alpha}$ : ایک پستلی یک اس سلاخ جس کی لمب بن  $2.0~\mathrm{m}$  کی کہ بائک  $-2.0~\mathrm{m}$  کی جست کی ہے۔ افتی مصام سے گزرتے وقت (شکل 53.10)۔ افتی سے  $-40^{\circ}$  اوپرر کھ کر ساکن حسالت سے سلاخ رہا کی حب اتی ہے۔ افتی مصام سے گزرتے وقت سلاخ کی زاوی رفت از تو انائی کی بقت کا اصول است مال کر کے تلاسش کریں۔

سوال ۴۸.۸۲: ایک پرخ ہنڈولا ۴۳ جس کا قطر سے 76 سے 36 کئر گاڑیوں پر مشتمل ہے۔ ہر گاڑی مسیں 60 سواریس کے اسلام سے بیل اور بسی کے بیل مستقل زادی رفت ارسے حیالیا حب اتا ہے۔ صرف سواریوں کو گھمانے کے لئے در کار کام کی تخمین قیست تلاسش کریں۔

سوال M=500 ہے۔ کیسے وصل کے کہ اور دواسس M=500 ہے۔ کیساں فت رص کے گر د ہلا کمیت وصل کہ لیسے وصل کہ ہوا کہ ہے۔ کردھ ساتھ کے سروں ہے M=400 ہے۔ کہ سیسے اور  $m_1=400$  ہے۔ کہ کہ سے کہ روسا کے کے سروں ہے وطلی افتی محور پر فت رص بلار گڑ گھوم سکتا ہے؛ دھ ساتھ کہ پہلے انہمیں ہے۔ نظام ساکن حسالت کے دہا کہ اور (ج) واکمیں حبانب میں ایس کے اسراع کی فت در ، ((ب) با کمیں حبانب دھا گے گاشناو  $T_1$  ، اور (ج) واکمیں حبانب دھا گے گاتانو  $T_2$  تلاش کریں۔

سوال ۸۸٪: وسطی سئسبیریامسیں، جون 30 ۱۹۰۸ کی صبح کے ساست نگر چودہ منٹ پر، °61 شمال خط عسر خن بلد اور دہ منٹ پر، °61 شمال خط عسر خن بلد اور °102 مشرق خط طول بلد پر، کچھ بلندی پر ایک خون ناک دھاکہ ہوا۔ جو آگ کا شعب اشادہ جو جری دھائے ہے پہلے انسان نے کبھی نہیں دیکھا۔ یہ واقع دریاتنگ کا کے مترب پیش آیا جس کی بہنا ہے۔ ایک انسان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیپیٹ مسین آیا " یہ عنال باس 140 ہوڑے بھری انسان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیپیٹ مسین آیا " یہ عنال باس 140 ہوڑے بھری

radiusofgyration

Ferriswheel

Tunguskaevent 60

السم. گھماو

سیار حب کے پھننے سے پیدا ہوا۔ (۱) صرف زمسین کا گھسا و مد نظسر رکھتے ہوئے، معساوم کریں کہ سیار حب کتنی دیر بعسہ پہنچنے پر دھاکہ °25 مشرق کے خط طول بلد پر واقع شہب رہلستگل کے اوپر ہوتا۔ ایکی صورت مسیں شہب رکھسل طور پر تباہ ہو حباتا۔ (بیان سے بہنچنے پر دھاکہ بحسر القیانوسس کے بر عکس اگر سیار حب دھیا کہ بحسر القیانوسس مسیں °20 معنسر بے خط طول بلد پر ہوتا؟ (دھاکے سے پیدا سونامی بحسر القیانوسس کے دونوں اطسر اون سالی آبادی تباہ کرتا۔)

سوال ۸۵.۸٪: گالف کا گلیت دافق ہے  $20^\circ$  زاویے پر  $60~\mathrm{m\,s^{-1}}$  وفت ار اور  $90~\mathrm{rad\,s^{-1}}$  وسترح گھسا وے پھیکا حباتا ہے۔ ہوا کی گھسا نے نظے رانداز کریں۔ بلت دین نقطے تک پہنچنا تک گلیت کتنے حبکہ کاٹت ہے؟

سوال ۸۹.۷: دودائری چھلوں کامسر کز ایک نقط پر رکھ کر انہیں تین بلا کیت سلاخوں ہے ہم سطحی جوڑا حباتا ہے (مشکل 54.10)۔ نظام کے مسرکز پر واقع انتصابی محور کے گرد نظام، جونی الحسال ساکن ہے، گھوم سکتا ہے۔ چھلوں کی کمیت، اندرونی رواسس، اور بیسرونی رواسس درج ذیل حبدول مسیں چیش ہیں۔ بیسرونی چھلا کے بیسرونی کشارے پر © 0.300 کے لئے 12.0 N متدر کی ممسای قوت لاگو کی حباتی ہے۔ اسس دورانے مسین نظام کی زاوی رفت ارمسین تب یکی کسیا ہوگی؟

بیرونی رداس (m)	اندرونی رداسس (m)	کیت (kg)	چھسلا
0.0450	0.0160	0.120	1
0.1400	0.0900	0.240	2

سوال ۱۰۰۸: بلار گرا فقی دھسرے پر m 0.20 سرکاردانس کا پہیانصب کیا جب اتا ہے۔ بلا کمیت دھاگا پہیے کے گرد لیسیٹ کردھاگے کے آزاد سرکے ساتھ ، افق ہے 200 ھ بلار گرمیالان پردکھی ، 2.0 kg اینٹ باندھی حباتی ہے (مشکل 55.10)۔ میلان سطح کے ہمسراہ اینٹ 2.0 m s<sup>-2</sup> اسراع سے نشیبی حسر کت کرتی ہے۔ دھسرے پر پہیے کا گھمیسری جمود کیا ہے؟

سوال ۸۸. ۳: ایک پیتلے کروی خول کارداسس 1.90 m ہے۔خول کو 960 N m قوت مسروڑ، کرہ کے مسر کز پرواقع محور کے دور اور کرہ کے مسر کز پرواقع محور کے دور اور ایس کور پر کرہ کا تھمیسری جمود اور (ب) خول کی کیت کیا ہے؟
سوال ۸۹. ۳: سائیکل سوار، جس کی کیت کی گئیست 70 kg ہے، حپڑھائی پر حپڑھتے ہوئے باری باری سائیکل کے نشیب وار حسر کت کرتے پائدان پر اپنی پوری کیت ڈالت ہے۔ پائدان سے محور گھاو پر جلت ہے۔ پائدان کے محور گھاو پر سائیکل سوار زبادہ سے زبادہ کتنی قوی مسروڑ ڈالت ہے۔

سوال ۹۰ ۳: انجن کااٹرن پہیا 25.0 rad s<sup>-1</sup> زاد کی رفت ارسے گھومت ہے۔ انجن بسند کرنے پر اٹرن پہیا مستقل شرح سے بستدریج آہتہ ہوکر 20.0 s مسیس رکتا ہے۔ (۱)اٹرن پہیے کازاد کی اسسراغ، (ب) رکئے تک طے شدہ زاوی، اور (ج) رکئے تک بلکے حیکر تلامش کریں۔

سوال ۱۹۰۱: رداسس 0.20 m کا پہیا بلا رگز افقی محور پر نصب ہے (شکل 19a.10)۔ محور پر پہیے کا گھمیسری جمود 0.40 kg m² کا دوسراسر 6.0 kg سے باندھ اینٹ سے باندھ اسکا 0.400 kg m² کی جاندھ کا دوسراسر کی توانائی آل 6.0 ہوتی ہے، (ا) پہیے کی حباتا ہے۔ جب اینٹ کی حسر کی توانائی آل 6.0 ہوتی ہے، (ا) پہیے کی گھمیسری حسر کی توانائی کیا ہوگی اور (ب) اینٹ کتن نشیب وارون اسلہ طے گر حب کی ہوگی ؟

بوال ۹۳.۹: دوده یا کمکٹال سے مسرکزے بورج کا فناصلہ  $10^4 \times 2.3 \times 10^4$  نوری سل ہے۔ کہکٹال کے مسرکز کے گرد بورج  $250 \, \mathrm{km \, s^{-1}}$  کے گرد بورج  $250 \, \mathrm{km \, s^{-1}}$  کے گرد بورج کا رفت عسر مسل کو مسرکز کے گرد بورج ایک جہر کتنے عسر مسیں مکسل کر تاہے ؟ (ب) بورج کی پیدائش سے اب تک، بورج کتنے حہر کا نے چکا ہے۔ بورج کی پیدائش کو  $4.5 \times 10^9$ 

سوال ۹۳. ۳: بلار گرافقی محور پر رواسس 0.20 m کاپہپانسے ہے۔ محور پر پہیے کا گھیسری ہموو 0.050 kg m<sup>2</sup> ہے۔ پہیے کے گرد لیج دھائے کے سسرے 2.0 kg اینٹ بند ھی ہے جو بلار گرافتی سطح پر حسر کست کر سنتی ہے۔ اگر اینٹ پر میں 1.00 میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی اور کی میں دکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی اور کی جو سال 2.0 kg میں کے دوسا گھیسے پر پھیلتا نہیں ہے۔

سوال ۱۹۰۳: ایک ہوائی جہاز کا، جو زمسین کے لیاظ سے  $480~{\rm km}~{\rm h}^{-1}$  ہوائی جہاز کا، جو زمسین کے لیاظ سے  $480~{\rm km}~{\rm h}^{-1}$  منٹ سے گھوم رہا ہے۔ (۱) ہوا باز اور (ب) زمسین پر کھٹڑے شخص کے نقطہ نظسر سے رواسس  $1.50~{\rm m}$  سنگھے کے پُر کا سے محل کے خطی رفت ارب خطی کا وصر امتوازی ہیں۔

سوال ۹۵ برم: تین کمسیتوں کو بلا کمیت سانوں سے جوڑ کر استوار جم بنایا گیا ہے (مشکل 57.10)۔ جم کو نقطہ P پرواقع، جم کی سطح کو عصود کی، گور پر گھسانا مقصود ہے۔ اگر  $b=50~\mathrm{cm}$  ، اور  $a=30~\mathrm{cm}$  ،  $b=50~\mathrm{cm}$  ، اور  $b=50~\mathrm{cm}$  کو سالت ہے جم کو گھر گور کے محمود ہے۔ اگر  $b=50~\mathrm{cm}$  کی سطح کو عصود کے اگر کار ہوگا ؟

سوال ۹۹. ۳: مشروب کے ڈیے مسیں گنجی کا شعول مشروبات کی صنعت مسین ایک بڑا اسدم محتا۔ ڈیے کے بالا سسر مسین وسطی مت لے پر کئجی کا سب سے مسین وسطی مت لے پر کئجی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کئی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کمسنزور کردہ مصے کو بنچے دباتی ہو ہے۔ اگر آپ 10 N قوت سے کئجی اوپر کھینچین، کمسنزور کردہ مصے پر کئتی قوت عمسل کرتی ہے؟ (مشروب کاڈب لے کراسس عمسل پر غور کرنا ہوگا۔)

سوال ۹۷۰: جہاز کا پر مشکل 58.10 میں پیش ہے، جو نقطہ B پر واقع انتصابی محور کے گرو 2000 حپکرنی منہ ہے B منسل کے گومت ہے۔ نقطہ B اور محور سے پر کا دور ترین نقطہ ہے، رداسس B منسل کی انقطہ B اور محور سے پر کا دور ترین نقطہ ہے، رداسس B مسر کن مائل اسراع کی مسدر مسین مسنسرق B کتن ہوگا؟ (ب بالقابل ردای مناصلے کی مسرکن مائل اسراع کی مسدر تر مسین مسنسرق B کتن ہوگا؟ (ب بالقابل ردای مناصلے کی ترسیم کھنچین ۔

موال ۹۹. ۳: بلار گڑافتی محور پر، مشکل 59.10 مسیں پیش نظام استعمال کرے ،  $30~{\rm kg}$  کاؤب اٹھایا جاتا ہے۔ بسیرونی رواسس  $R=0.50~{\rm m}$  براگو ہے کہ کارداسس  $R=0.50~{\rm m}$  براگو کے دواسس  $R=0.50~{\rm m}$  کرنے ہے ڈسی کی متدر کے استراع ہے اوپر اٹھتا ہے۔ محور پر نظام کا گھمسے دی جود کیا ہے ؟

سوال ۹۹.7: بلا کیت سلاخ، جس کی لمب نی m 0.780 m ہے، کے ایک سسر پر 1.30 kg گیند نفس ہے۔ ساخ کے دوسرے سرپر نظام افقی دائرے مسین 5010 حیکر فی منٹ رفتارے گھومت ہے۔ (۱) محور گھماوپر نظام کو کا گھیسری جود تلاشش کریں۔ (ب) گھماوکے محتالف رخ، گیند پر ہوائی گھماٹ M  $^{2}$  N کا گھمیسری جود تلاشش کریں۔ کا کتنی قوت مسروڑ درکار ہوگی؟

MilkyWaygalaxy hub 2

۱۲۰ پایس ۲۰. گلمهاو

سوال ۱۰۰۰ م.: دو پستلی سلامسنیں (جن کی انفٹ رادی کمیت  $0.20 \, \mathrm{kg}$  ہے) آپ مسیں جوڑ کر ، شکل 60.10 مسیں ہورٹ کر ، شکل 60.10 مسیں ہورٹ کر ، شکل 60.10 مسیں ہیں پیش، استوار جم بہنایاحباتا ہے۔ ایک سلاخ کی کمیسیاتی اللہ اللہ  $L_1=0.30 \, \mathrm{m}$  اور دو سرے کی  $L_1=0.40 \, \mathrm{m}$  کی سلاخ کے وسطی نقطے پر واقع ، سطح صفحہ کو عصودی ، محور پر استوار جم کا گھمیسری جمود تلامش کریں۔ کے وسطی نقطے پر واقع ، سطح صفحہ کو عصودی ، محور پر استوار جم کا گھمیسری جمود تلامش کریں۔

سوال ۱۰۱۱، جبر تقتیل کے دو پڑوں سے ملایا حباتا ہے (شکل 10.10)۔ حبر تقتیل A (رداسس 15 cm) اور حبر تقتیل کے حبر ک حبر کتیل 10 cm کا اور حبر تقتیل کے حبر ک حب

 $L=:M=1.6\,\mathrm{kg}$  سوال ۱۰۰: "مین گیند کو تبین سلاخ ملاکر استوار جم دیتے ہیں (شکل 62.10)، جہاں P=0 برواقع جم کی سطح کو  $\theta=0.60\,\mathrm{m}$  برواقع جم کی سطح کو عصودی موری موری میں پائی جبانے والی محوری جم کی مستوی مسیں پائی جبانے والی محوری جم کی داوی دفتار P=0 بی مسیری جسم کی مستوی مسیں پائی جبانے والی محوری جم کی داوی دفتار P=0 بی مسیری جبانی اسٹ کریں جب جم کی داوی دفتار P=0 بی مسیری جبانی اسٹ کریں جب جم کی داوی دفتار P=0 بی مسیری جبانی اسٹ کریں جب جم کی داوی دفتار P=0 بی مسیری جبانی دفتار میں جبانی دفتار والی محوری بی محمد کی داوی دفتار والی دفتار والی محمد کی داوی دفتار والی دفتار و در دفتار و در دفتار والی دفتار والی دفتار و در دفتار و در دفتار والی دفتار والی دفتار و در دفتار و در دفتار والی دفتار و در دفتار و

سوال ۱۰۴۳: حیار ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کیت 0.20 kg ہے، چو کور کے کونوں پر رکھ حیاتا ہے۔ چو کور کا اضلاع کی انفٹ رادی کہ بن کی انفٹ رادی کہ بن کی انفٹ رادی کہ بن کو انفٹ کور میں افتی محور A انفٹ کور کے گرد گھوم مکتا ہے۔ A ایک ذرح کے مسرکزے گزرتی ہے۔ سلاخ A افتی رکھ کر جم کو سکن حیالت ہے رہا کہ سے حیاتا ہے (شکل 64.10)۔ (۱) محور A پر جم کا گھیسے رمی جود کیا ہے؟ (ب) جب سلاخ A انتفائی معتام سے جول کر گزرتی ہے، A پر جم کی زادی رفت ارکسا ہوگی؟

سوال ۱۰۵ میں جیتا کو 114 km h<sup>-1</sup> کی حسرت کن رفت ارپر دوڑتا دیک گیا ہے۔ منسر ض کریں آپ چیتا کے ہمسراہ گاڑی مسیں جیتا ہوئے چیتا کی رفت ارجب نے کے لئے رفت ارپیب پر نظسر ڈالتے ہیں جو 114 km h<sup>-1</sup> دیت ہے۔ آپ گاڑی کو چیتا ہے مستقل طور پر 8.0 سور کھتے ہیں، تاہم چیتا گاڑی کے ڈرے مسلسل دور پختے ہوئے m 92 ردائی راہ پر دوڑتا ہے۔ یوں آپ m 100 ردائس کے دائرے پر گاڑی حیاتے ہیں۔ (ا) دائرے راہ پر جیلتے ہوئے آپ کی اور چیتا کی زاوی رفت ارکسیا ہے؟ (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے اس راہ پر چیتا کی دفت ارکسیا ہوگا ? (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے کہتے چیتا کی رفت ارکسیا ہوگا ۔ بھو کا برف ہوگا۔ بھو گاڑی اور ختا کی رفت اراتی زیادہ

بتائي گئي۔)

 $-2 \, \text{الله المعالى ا$ 

موال ۱۰۷۰٪ ایک جب رقتیل، جس کاقطبر 8.0 cm ہے، کے گرد m 5.6 ڈور کپٹی جب تی ہے۔ ساکن حیالت کے آئوں مکسل اترنے تک حب ر تقیل کتنا سے آئون کر کے اسس کو 2-1.5 rad s مستقل اسراع دیا جب تا ہے۔ (۱) ڈور مکسل اترنے تک حب ر تقیل کتنا زاویہ طے کر تا ہے، اور (ب) ایس کتنی دیر مسیں ہوگا؟

سوال ۱۰۸٪ گراموفون کی محتالی 33½ حپکرنی منسے سے گھسائی حساتی ہے۔(۱)اسس کی زاوی رفت اریڈیئن فی سسینڈ مسیں کسیاہو گی؟ محتالی کے محور گھساوے (ب) 15 cm (ب) 15 ورزی) 7.4 cm ردای مناصلے پر نقطے کی خطی رفت ارکسیاہو گی؟

# لڑھکاو، قوی مسروڑ، اور زاوی معیار حسر کے

# ا. ۵ متقیم حسر ک<u> اور گلم</u>اوم سل کر لژه کاو دیتے ہیں

مقاصد

ا سے بھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا. حبان یائیں گے کہ لڑھکاو حن الص متنقیم حسر کے اور حن الص گھم او کامحب وعہ ہے۔

۲. ہموار لڑھکاومسیں مسر کز کمیت کی رفت اراور جسم کی زاوی رفت ارکا تعساق استعال کریائیں گے۔

# كليدي تصورات

• رداس R کے پہیا کے لئے جو ہموار سطح پر لڑھک رہاہو ذیل ہوگا:

 $v_{\underline{\phantom{a}}} = \omega R$ 

جبال مرزئيس و پہيے كے مسركز كميت كى خطى دفت اراور س پہيے كے وسط پر پہيے كى زاوى دفت ارب-

• پہیے کو نقطہ P کے گرد، جو "فسرسش" کے ساتھ مسس ہے، لمحاتی گھومت تصور کیا حبا سکتا ہے۔ مسر کز کمیت کے گرداور اسس نقطہ کے گرد جم کی زاوی رفت اربر ابر ہے۔

#### طبعیات کیاہے؟

جیب باب ہم مسین ذکر کب گیب، گھماو کا مطالعہ طبیعیات مسین شامسل ہے۔ عنالبًا، اسس مطالعے کا اہم ترین اطباق پیچ اور پیچ نسااجسام کالڑھکاوہے۔ یہ اطباقی طبیعیات بہت عسرصہ سے استعمال مسین ہے۔ دستہ یم زمانے مسیں ہواری اجب م لٹھ پر لڑھ کاتے ہوئے ایک جگہ ہے دوسسری جگہ منتقبل کیے حب تے تھے۔ آج کل ہم گاڑی مسین سامان رکھ کرایک جگہ ہے دوسسری جگہ لڑھ کاتے ہیں۔

لڑھکاو کی طبیعیات اور انجلیٹ مزی اتنی پرانی ہے کہ اسس مسیں نے تصور مسکن نظر رنہ میں آتے۔ تاہم، میں وار تحقیر 'زیادہ پرانا نہیں۔ ہماراکام برہاں لڑھکاو کی حسر کرے کو سادہ ب ناہے۔

# ستقیم حسر کت اور گھساوے مسل کر لڑھکاو دیتے ہیں ا

سطح پر ہمواری ہے لڑھتے اجسام پر بہباں غور کیا جبائے گا؛ یعنی جہم بغیبر اچھلے یا پھیلے سطح پر حسر کت کر تاہے، چکاپر نقطہ مسین ہموار لڑھاوی پیچید گی د کھائی گئی ہے: اگر جب جہم کامسر کز کیت سیدھی لکسیر پر حسر کرتا ہے، چکاپر نقطہ یقسینا ایس نہیں کرتا۔ ہہسر حسال، اسس حسر کت کو مسر کز کیت کی مستقیم حسر کت اور باقی جہم کا، اسس مسر کز پر، گھساو تصور کیا جب ساتا ہے۔

اے سیجھنے کے لئے، و نسر ض کریں آپ سٹر کے کن اربے کھٹڑے ہو کر، گزرتے ہوئے سائگل کے پہیے کا مطالعہ کرتے ہیں (شکل 1.11)۔ جیسا شکل مسیں و کھسایا گیا ہے، پہیے کا مسر کز کمیت O مشقل رفت اربی ہے ہو کہ آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور کی بیٹے رہت ہے۔ یوں P بمیث P کھیک نیٹے رہت ہے۔

و مستی دورانی t کے دوران، t اور t دونوں مناصلہ t کے کرتے ہیں۔ سائکل سوار کے نقطہ نظسرے، پہیازاوی t کے آعنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے آعنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے آغنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے انعمال دی ہے: t اور زاویہ t کا نعمال دی ہے:

$$(\Delta.1) s = \theta R$$

جہاں R ہیں کارداس ہے۔ پینے کے مسر کز (یکساں پینے کا مسر کز کیت) کی خطی رفت ار مسر کز کیت ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت حبان کتے ہیں۔ پینے کے مسر کز پر پینے کی زاوی رفت ار $d\theta/dt$  ہوگی۔ یوں R مستقل رکھتے ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت کے ساتھ تغسر تی ذل دیگا۔

$$v_{\underline{}} = \omega R \qquad (2.7)$$

دونوں کا ملاچ۔ شکل 4.11 مسیں دکھایا گیا ہے کہ پہنے کی لڑھئی حسر کت حسالا مستقیم حسر کت اور حنائص گھیسری حسر کت پیشری حسر کت ہے (جس مسیں مسرکز پر مور گھیسری حسر کت پیشری کی جس کرتی ہے (جس مسیں مسرکز پر مزاوی رفت اور سی سے گھومت ہے۔ (ایسی حسرکت پر محور گھساو ساکن تصور کیا جس کی نظمی رفت اور سی سی خور کیا گیا ہے کہ باہری کن ارے (چکا پر ہر نقطے کی خطی رفت اور سی برزیں میں خور کیا گھرم نہیں رہا): پہنے کاہر فقطے میں مستقیم حسرکت پیشر ہے کہ بہیا گھرم نہیں رہا): پہنے کاہر فقطے میں تصور کیا حباتا ہے کہ پہیا گھرم نہیں رہا): پہنے کاہر فقطے میں دائیں حسرکت کرتا ہے۔

skateboards1

شکل 4a.11 اور شکل 4b.11 مسل کر، شکل 4c.11 مسیں پیش، پہیے کی اصل لڑھکنی حسر کت دی ہیں۔ حسر کات کے ملاپ مسیں پہیے کا بالانقط (T)، کی بھی دوسرے نقط ہے زیادہ سین، مسین پہیے کا بالانقط ہے رہے کہ جب کہ اللہ قط ہے کہ جب اللہ مسین کی کا اشباقی مظاہرہ کسیا گسیا ہے، جب اللہ مسین کا اشباقی مظاہرہ کسیا گسیا ہے، جب اللہ مسین کے لؤھکنی پہیے کا وقتی افتا میں ہے۔ آپ دکھے کربت سکتے ہیں کہ پہیے کا بالاھ ہے زیادہ سینزی سے حسر کت کرتا ہے۔ آپ دکھے کربت سکتے ہیں کہ پہیے کا بالاھ ہے ذیادہ سینزی سے حسر کت کرتا ہیں۔ چونکہ اسس جھے کی سیالیاں مدھ منظر آتی ہیں۔

سطح پر دائری جمم کی ہموار لڑھکنی حسر کے و، مشکل 4a.11 اور مشکل 4b.11 کی طسرح، منالص گھمیسری حسر کے اور منالص مستقیم حسر کے مسین علیحہ و علیحہ و کسیاحہا ساتا ہے۔

#### لڑھكاوبطور حنالص گھپاو

شکل 6.11 مسیں پہیے کا لڑھکاو نے انداز مسیں پیش کیا گیا ہے؛ جس نقطے پر پہیا سڑک مس کرتا ہے، "سڑک "کے اس نقطے کے گزرتی محور پر پہیا گھومت ہے؛ یہ محور سرکت مسیں ہوگی۔ ہم لڑھکاو کو، شکل 4c.11 مسیں نقط ہے گزرتی، پہیے کو عبود دار، محور پر حن لقی گھماو تصور کرتے ہیں۔ یوں مسکل 6.11 مسیں سمتیا ہے، لڑھکاو کو، شکل 4c.11 مسیں سمتیا ہے، لڑھکی بہے پر نقطوں کی لجب تی مستی رفت اردیے ہیں۔

سوال اس کن مشاہدہ کاراسس محور پر سائیل کے لڑھکنی پہیے کو کسیازاوی رفت ارمختص کرے گا؟

جواہے: وہی زادی رفتار س جو سائکل سوار مسرکز کمیت کے گرد منالص گھماد کامث اہدہ کرتے ہوئے پہیے کو مختص کرتا ہے۔

اسس جواب کی تصدیق کرنے کی حن طسر، ہم ساکن مشاہدہ کارے نقطبہ نظسرے لڑھکتی پہیے کے منسراز کی خطی رفت ار تلاسٹس کرتے ہیں۔ پہیے کارداسس R لیستے ہوئے، پہیے کا صنبراز سشکل 6.11مسیں P پرواقع محورے 2R صناصلے پر ہوگا، البندا منسراز کی خطی رفت ار(مساوات ۱۵۰۲ ستعال کرکے) ذیل ہوگی:

$$v_{\scriptscriptstyle J}$$
ن را $\omega$   $= (\omega)(2R) = 2(\omega R) = 2v$ 

جو شکل 4c.11 کے عسین مطبابق ہے۔ آپ مشکل 4c.11 مسیں پیش، نقطہ O اور P کی، خطی رفت ارکی تعسدیق بھی اسس طسرح کر سکتے ہیں۔

#### آزمائشس

ایک سائنگل کے پچھلے بہیے کارداسس اگلے بہیے کے رداسس کادگٹ ہے۔(۱) کسیا جیلئے کے دوران بڑے بہیے کے فسراز کی خطی رفت ارتجھوٹے بہیے کے فسراز کی خطی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس کے برابر ہے؟(ب) کسیا پچھلے بہیے کی زادی رفت اراگلے یہے کی زادی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یادونوں برابر ہیں؟

timeexposure'

# الرهاو كي قوتين اور حسر كي توانائي

مقاصد

ا مس ھے کو پڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے ت!بل ہوں گے۔

- ا. مسرکز کیت کی مستقیم حسر کی توانائی اور مسرکز کمیت کے گرد گھمیسری حسر کی توانائی کا محبموعہ حسامسل کرے جمع کی حسر کی توانائی معسلوم کریائیں گے۔
  - ۲. ہمواری کے ساتھ لڑھکنی جسم کی حسر کی توانائی مسیں تب یلی اور جسم پر سسرانحب م کام کا تعساق استعال کریائیں گے۔
- ۳. ہموار لڑھکاو (اہنے ابغیب میسلن) کے لئے، میکانی توانائی کی بقب استعال کر کے ابت دائی توانائی کی قیتوں اور اختتامی توانائی کی قیتوں کا تعسلق حیان یائیں گے۔

# كليدي تصورات

• ہموارلڑھکنی پہیے کی حسر کی توانائی ذیل ہے،

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv\underline{\qquad}\omega^2$$

جباں مسر کز کیت پر جم کا گھی ری جود سر زیہ I اور پیے کی کیت M ہے۔

• اگر پہیا مسرع کیا حبائے، اور پہیا اب بھی ہمواری کے ساتھ لڑھکتا ہے ، مسر کز کمیت کے اسسراع میں انساق ذیل ہوگا۔

$$a_{\underline{\phantom{a}},\chi_{\lambda}} = \alpha R$$

• اگر  $\theta$  زاویہ کے میلان پر پہیا ہمواری کے ساتھ اترتے ہوئے لڑھکتا ہو، اسس کا اسسراع، میلان کے ہمسراہ اوپر رخ کور x پر وذیل ہوگا۔

$$a_{\underline{\underline{\underline{}}}} = -\frac{g \sin \theta}{1 + I_{\underline{\underline{}}} \int MR^2}$$

#### لڑھکاو کی حسر کی توانائی

آئیں س کن مث ہدہ کار کے نقط۔ نظسرے لڑھکتی پہیے کی حسر کی توانائی معسلوم کریں۔اگر ہم مشکل 6.11 مسیں نقطہ P سے گزر تی محور پر لڑھکاو کو حت الص گھے۔وتصور کریں، تب مساوات ۴۳،۳۴ میل دیگی،

$$(a,r) K = \frac{1}{2}I_P\omega^2$$

جہاں P پر واقع محور کے گرد پہیے کا گھسیسری جمود  $I_P$  اور پہیے کی زاد کی رفت ادس سے۔مساوات ۳۳۰ کے مسئلہ متوازی محور I=I سے رہنے ہود I=I کے تحت ذیل ہوگا،

$$I_P = I + MR^2$$

جہاں M پہیے کی کیہ، مسر کز کیہ سے گزرتی تحور پر گھسیسری جمود مسرکز کیہ کارداسس) عسوددار فضاف است کا میں اوات M کومساوات M کومساوات M کومساوات کا میں ڈال کر:

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}MR^2\omega^2$$

اور ماوات  $\omega R$  )۵.۲  $=\omega R$  )۱ستعال کرکے ذیل ماصل ہوگا۔

(a.a) 
$$K = \frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2\omega^2$$

جبزو  $\omega^2$  وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ گزرتی محور پر پہنے کے لڑھاوے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ ( $\omega^2$  کیا ہے) اور حبنو و جبزو  $\frac{1}{2}Mv^2$  کو پہنے کے مسر کز کمیت کی مستقیم حسر کت ہے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ تصور کیا ہے۔ (شکل 41.11)۔ یول ذیل وتاعہ دا بھسر تاہے۔

ر المان ا

#### لڑھکاو کی قوتیں

#### ر گڑاور لڑھکاو

$$(a.4) a_{\underline{\phantom{a}}} = \alpha R (a.4)$$

 $\vec{f_k}$  جب پہنے پر عمسل پسیراص فی قوت کی بدولت پہنا پھلے ، تب مشکل 3.11 مسیں P پر حسر کی رگڑی قوت معمسل کرے گی اور مساوات P کا اطلاق نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا و نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا نہیں کی حبائے گی۔

شکل 7.11 مسیں، افقی سطح پر دائیں رخ لڑھکتے ہوئے، سائکل معتابلے کے آغناز کی طسر ن، پہیازیادہ شینز گھسایا حباتا ہے۔ زیادہ شینز گھساو کی بدولہ P پر پہیا پھیل کر ہائیں حبانا حباہتا ہے۔ نقطہ P پر دائیں رخ رگڑی قوت اسس رجحان کا معتابلہ کرتی ہے۔ اگر پہیا پھیلے نہیں، ہے قوت سکونی رگڑی قوت  $\overline{f}$  ہوگی (جیباد کھسایا گیا ہے)، حسر کت ہموار لڑھکا دہوگی، اور مساوات ۲.۵ کا اطباق ہوگا۔ (رگڑی غیبر موجودگی مسین سائکل معتابلہ مسکن نہیں ہوگا۔)

اگر مشکل 7.11 مسیں پہیا آہتہ کیا جبائے، ہمیں مشکل دو طسرح تبدیل کرنی ہو گی: مسر کز کیت کے اسراع میں جبائی رخ ہوگا۔ میں کرنے اور نقطہ  $\vec{d}$  پررگڑی توت کے کارخ اب بائیں رخ ہوگا۔

#### ميلان سے پنچے لڑھکاو

X کے میلان پر ہمواری ہے، محور X کر ہم کے اسے رائ میل میلان کے ہم میلان کے ہمسے ادام آئی کے رخ جم کے اسے رائ  $X_{i, \ldots, i', \lambda_{-}}$  کاریاضی فعت رہ تلاشش کرنا جم ہے جم میلان کے ہمسے اور زادی صور ہے جم کے اس رائ  $X_{i, \ldots, i', \lambda_{-}}$  کاریاضی فعت رہ تلاشش کرنا ہیں۔ خول مور ہے جم کے اس اور زادی صور ہے ہیں۔ خول کے میلان دوم کی خطی صور ہے X مور ہے ہیں۔ استخل کر کے ایس کرتے ہیں۔

جسم پر قوتوں کاحن کہ بہنانے سے آغناز کرتے ہیں (مشکل 8.11)۔

ا. جہم پر تحباذ بی قوت  $\vec{F}_g$  نشیب وار ہے۔ اسس سمتیہ کی دم جسم کے مسر کز کمیت پر رکھی حباتی ہے۔ میلان کے ہمسراہ حب رابر ہوگا۔ حب زو  $Mg\sin\theta$  کے برابر ہوگا۔

 $\vec{F}_N$  میلان کو عصود دار حسن و  $\vec{F}_N$  ہے۔ ہے۔ جسن و نقطہ تساس سP پر عمسل کرتا ہے، تاہم شکل 8.11 مسیں ، کارخ تب میل کے بغیبر، اسس کو یوں کھ کایا کہا گیا ہے کہ اسس کی دم جم کے مسر کز کیت پر ہو۔

۳. نقط ہمس P پر عمسل پسیرا سکونی رگڑی قوت  $\overline{f}_s$  مسلان کے ہمسراہ حپڑھ انگی کے رخ ہے۔ (کی آپ بت سکتے ہیں، کیوں ؟ اگر P پر جم پھیلے ،وواتر انگی کے رخ بھیلے گا۔ یوں محتالف رگڑی قوت حپڑھ انگی کے رخ ہوگی۔)

-1 کھتے ہیں۔  $(F_{3}$  مسیں گور  $x = ma_{x})$  مسیراہ احب زاء کے لئے نیوٹن کانت نون دوم

$$(\delta.2) f_s - Mg\sin\theta = Ma_{i - x}$$

اسس مساوات مسین دونامعسلوم متغییرات،  $f_s$  اور  $a_{ij}$ ، پائے حباتے ہیں۔ (ہم  $f_s$  کی قیمت، رگڑی قوت کی زیادہ سے زیادہ قیمت، بہتر من نہمیں کر سکتے۔ ہم صرف انتساح بانے ہیں کہ رگڑی قوت اتنی ہے کہ جم پھسلت نہمیں اور مسیلان پر ہمواری سے لڑھکت اور تاہے۔)

ہم اب جہم کے مسرکز کیت پر جہم کے گھماو پر نیوٹن کے متانون دوم کا اطلاق کرتے ہیں۔ پہلے، مساوات اہم.  $\tau$  استعال کرکے مسرکز کمیت کے لحاظ ہے جہم پر قوت مسروڑ لکھتے ہیں۔ رگڑی قوت  $\bar{f}_s$  کے معیار اثر کا بازو T ہے، اہلہٰذااسس کی قوت مسروڑ T ہوگی، جو اسس لئے مثبت ہے کہ شکل T میں ہے جم کو صناون

گھٹری گھٹنے کی کو ششش کرتی ہے۔ مسر کز کمیت کے لحیاظ سے قوت  $\vec{F}_{g}$  اور  $\vec{F}_{g}$  کے معیار اثر بازو صف میں، اہلیہ ذا  $(\tau_{i} = I\alpha)$  میں کوقت مسر وڑ صف رہوں گی۔ جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر نیوٹن کافت انون دوم زاوی روپ  $(\pi_{i} = I\alpha)$  مسین کھتے ہیں۔

$$Rf_s = I_{\underline{\hspace{1cm}}} \alpha$$

اسس مساوات میں دونامعلوم متغیرات،  $f_{\rm S}$  اور lpha ،پائے میں دونامعلوم متغیرات ہوں ہے جاتے ہیں۔

 $\alpha$  اور  $\alpha$ 

مساوات 3.2مسیں  $f_{\rm S}$  کی جگہ مساوات 6.8کادایاں ہاتھ ڈال کر ذیل ملت ہے۔

 $\theta$  کے میلان پر کے ہمسراہ لڑھکتے جم کا خطی اسسراع  $\theta$  کے میلان پر کے ہمسراہ لڑھکتے جم کا خطی اسسراع a

یادر ہے، تحباذ بی قوت جم کو میلان پر اتر نے پر محببور کرتی ہے، تاہم جم کو گھو نے اور یوں لڑھکنے پر رگڑی قوت محببور کرتی ہے۔ اگر آپ رگڑی قوت جم کو میلان کو تیارہ کر دیں، ہموار لڑھکا و اگر آپ رگڑ حنارج کر دیں (مضلأ، میلان کو تیاں کو تیاں کر گئے گئے ہے۔ حنارج ہو کا ور جم لڑھکنے کی بحبائے میلان پر پھسل کر اترے گا۔

آزمائشس۲

وت رص A اور B ایک جیسے ہیں اور و نسر سٹس پر ایک جتنی رفت ارے لڑھکتے ہیں۔ و تسرص A کے سامنے میلان آتا ہے جس پر یہ زیادہ ہے زیادہ A تک پہنچتا ہے۔ و تسرص B متمن ش ، لیکن بلار گڑ، میلان پر حپ ڑھت ہے۔ کیا A ہے زیادہ کم بیا سس کے برابر بلندی تک B پنچ گا؟

نمونی سوال ا.۵: یکسال گیند، جس کی کمیت  $M=6.00\,\mathrm{kg}$  اور دواسس R ہے، زاویہ  $\theta=30.0^\circ$  میلان سے انساز کر کے، ہموار لڑھکت ااتر تا ہے (مشکل M=1.11)۔

(۱) انتصابی  $h=1.20\,\mathrm{m}$  نیخت کر گینند کی دفت ارکسی ہوگی؟

#### كلب دى تصورات

چونکہ صرف تحباذبی قوت، جوبقبائی قوت ہے، گینند پر کام سسرانحبام دیتی ہے، البندامیلان پر الڑھک کر اترنے کے دوران گیند وزمسین نظام کی میکانی توانائی E کی بقسا ہوگی۔ میلان سے گینند پر عسود دار قوت گینند کی راہ کو عسود کی ہونے کو دوران گینند کی کام سسرانحبام نہیں دیتی۔ گینند کھلتا نہیں (ہموار لڑھکتا ہے) البندار گڑی قوت کوئی توانائی حسری توانائی مسین تبدیلی نہیں کرتی۔

 $E_f=E_i$  يوں ميكانى توانائى كى بقت ہوگى

$$(\delta.11) K_f + U_f = K_i + U_i$$

جباں زیر نوشت f اور i بالست رتیب (زمسین پر پنج کر) افتای اور (ب کن حیالت) ابت دائی قیمتیں ظاہر کرتی  $U_f = 0$  عیال نیست کی کمیت ہے) اور افتای قیمت نظام کر آن ہیں۔ تحب ذبی مختی توانائی کی ابت دائی جب کے اضافی تصور در کار ہے: چو نکہ گیت د لڑھکت ہے۔ ابت دائی حسر کی توانائی میں مستقیم اور گھیری حبزوٹ مسل ہوں گے، جنہیں شامسل کرنے کے لئے مساوات  $U_i$  کے کادایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔  $U_i$  کے مساوات کادایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔  $U_i$  کادایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔

حماء: ماوات ١١٥مسين دالخ سے زيل ماصل موگا:

(a.ir) 
$$(\frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2) + 0 = 0 + Mgh$$

جباں گیٹ دے مسر کز کمیت ہے گزر تی تحور پر گیٹ د کا گھیسری جمود <sub>سر کز کیس</sub> I ، زمسین پر پکتی کر گیٹ د کی رفت ار (جو ہم تلاسٹس کرناحیاہتے ہیں) <sub>سر کرکیس</sub> تا ،اورزمسین پر پہنی کرزاوی رفت ادس

چونکہ گیند ہموار لڑھکتا ہے، ہم مساوات ۱۵.۲ ستعال کر کے  $\omega$  کی جگہ R سے میں نامعسلوم متغیرات کی تعبداد کم کر سکتے ہیں۔ ایس کر کے، اور حبدول 2f.10 سے میں نامعسلوم متغیرات کی جگہ I کی جگہ وال کر سے بری یہ v کے لئے حسل کرنے ہے ذیل حساس ہوگا۔

یادرہے،جواب M اور R پر منحصسر نہیں۔

(ب)ميلان پر لڑھک كراترنے كے دوران كينف پرر گڑى قوت كى تدر اوررخ كسابيں؟

## كلب دى تصور

چونکه گین دیموار لڑھکتا ہے، مساوات ۵.۹ گین دیر رگڑی قوت دیگی۔

۳.۵. ژوري دارائو

حماہ: مساوات ۹۔ ۱۵ استعال کرنے ہے قبل ہمیں مساوات ۱۰۔ ۵ کیٹ د کااسراع معسلوم کرناہوگا۔

$$a_{\underline{\ }}_{x} = -I_{\underline{\ }}_{x} = -\frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}MR^{2} \frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}Ma_{\underline{\ }}_{x}$$

$$= -\frac{2}{5}(6.00 \,\mathrm{kg})(-3.50 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8.40 \,\mathrm{N} \qquad (-1.5)$$

یادرہے ہمیں کمیت M در کار تھی جبکہ رداسس R مہیں تھتا۔ یوں، °30 میان پر 6.00 kg ہموار لڑھکتے گیند پر، گیند کے رداسس سے قطع نظر مر، رگڑی قوت زیادہ ہوگی، تاہم بڑی کمیت کی صورت مسین رگڑی قوت زیادہ ہوگی۔

#### ۵.۳ ڈوری دار لٹو

مقاصداس مے کویڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. دورى يراويريني حسركت كرتے دورى دار الوسكا آزاد جسى من كه بنايا ميس كـ
- r. حبان یائیں گے کہ ڈوری دار الو،ایب جسم ہے جو °90 زاویہ میلان پر ہموار اوپر نیچے لڑھکتا ہے۔
- س. ڈوری پر اوپر نیچے حسر کت کرتے ڈوری دار لٹو کے اسسراع اور تھمیسری جمود کا تعسلق استعمال کریائیں گے۔
  - ۴. ڈوری پر اوپریا نیجے حسر کے دوران ڈوری داراٹو کی ڈور مسیں شناو تعسین کریائیں گے۔

# كليدي تصور

• دوری دار انوجو دوریر اویریاینیج حسر کت کرتا ہو کو °90 میلان پر ہموار لڑھکت اجسم تصور کیا حب سکتا ہے۔

#### <u>ڈوری دار لٹو</u>

ڈوری دار لئوکی ایک نئی مسیں ڈور کو دھسرے کے ساتھ سخت باندھنے کے بحبئے ڈور کو دھسرے کے گرد ڈھیلا گھیرا دیا حباتا ہے۔ جب لئو نینچ اترتے ہوئے ڈور کے پیٹ داکو "کراتا" ہے، دھسرے پر ڈور اوپر وار قوت لاگو کر کے لئوکی نشیبی حسرکت روکتی ہے۔ اسس کے بعب لئوصرف گھمیسری حسر کی توانائی کے ساتھ (دھسرا گھیسر مسیں حیکر کاشت ہوا) گھومت ہے۔ لئو ("سوتے ہوئے") حیکر کاشتارہت ہے؛ ڈور کو جھٹکا دینے پر ڈور دھسرے کو پکڑتی ہے، "لئوبیدار ہوتا ہے"، اور اوپر حیبڑھن ششروع کرتا ہے۔ ڈور کے پیٹ داپر لئوکی گھمیسری حسر کی توانائی (اور یوں سونے کا دورانیس) بڑھانے کی حن اطسر لئوکو ساکن حیالت سے رواناکرنے کی بجبائے ابت دائی رفت ال میرزئیست تا اور س) کے ساتھ نشیب وار پھینکا حباتا ہے۔

ڈور پر نشیب وار اترنے کے دوران لئو کا خطی اسسراع <sub>سر کز کیس</sub> میں میلان پر اتر تے لؤھکتے جہم کی طسرح، نیوٹن کانت نون دوم (خطی اور گھمیسری رویہ مسین)استعال کیا حب سکتاہے۔ماسوائے ذیل، تحب نریہ بالکل اس

- ا۔ افق کے ساتھ θ زاویے کے میلان پر اترنے کے بحبائے ڈوری دار لٹوافق کے ساتھ °90 زاویے کی ڈور پر اتر تاہے۔
- r. رداسس R کی بیسرونی سطح پر لڑھکنے کے بحیائے ڈوری دار الور داسس R<sub>0</sub> کے دھسرے پر لڑھکتا ہے (شکل 9a.11)۔
  - س. رگڑی قوت  $\vec{f}_s$  کے بحائے، ڈوری دار اٹو کو ڈور کا تناو  $\vec{T}$  آہتہ کرتاہے (شکل 9b.11)۔

موجودہ تحب زے بھی مساوات ۱۰ دے گا۔ آئیں مساوات ۱۰ ۵ کی ترقیم تبدیل کرکے اور °90 🔹 🖯 ڈال کر خطی اسسراع ذيل لكھتے ہيں:

(a.ir) 
$$a_{\underline{}} = -\frac{g}{1 + I_{\underline{}} MR_0^2} / MR_0^2$$

جہاں لٹوکے مسر کز کمیت پر لٹو کا تھمیسری جمود م<sub>سر کز کمی</sub> اور کمیت M ہے۔ ڈوری پر اوپر حسِٹر ھنے کے دوران ڈوری دار لٹو كالسسراع يهي نشيبي اسسراع موگا۔

# ۸.۵ قوی مسروژیر نظسر ثانی

**مقاصد** اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ قوت مسروڑ ایک سمتیہ معتدارہے۔
- r. حیان مائیں گے کہ جس نقطہ پر قویہ مسروڑ تعسین کساجیائے اسس کاذکر صربحباً کرنالازم ہے۔
- س. ذرے پر عمسل پسپراتوت کی ذرے پر قوت مسروڑ ، اکائی سمتیہ ترقیم یات در وزاوی ترقیم کے رویے مسیں ، ذرے کے تعبین گرسمتیہ اور قویت سمتیہ کے صلیبی ضریب سے حساصل کریائیں گے۔
  - ہ. صلیبی ضرب کادامال ہاتھ ت عبدہ استعمال کرکے قوت مسروڑ کارخ تعسین کریائیں گے۔

# كليدي تصوراھ

• تین ابعباد مسیں، قوت مسروڑ 🛪 ایک سمتیہ مقدار ہو گی، جو کسی مقسررہ نقط، (عسوماً میدا) کے لحیاظ سے تعین کی حیاتی ہے؛اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

جباں  $ec{F}$  ذرے پر لاگو قوت اور  $ec{ au}$  کسی مقسررہ نقطے کے لحاظ سے ذرے کا تعسین گرسمتیہ ہے،جو ذرے کامعتام دیت ا

$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

 $F_\perp$  جبال  $\vec{F}$  اور  $\vec{r}$  کے  $\vec{g}$ زاویہ  $\phi$  ہے،  $\vec{r}$  کو  $\vec{F}$  کامعبوردار جبزو  $F_\perp$  ، اور  $\vec{F}$  کامعیار اثر کابازو

قوے مسروڑ ت کارخ صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ مت عدہ دیگا۔

#### قوت مسروڑ پر نظسر ثانی

باب م مسین مقسر رہ محور کے گرد گھونے کے حتابل استوار جم کے لئے قوت مسروڑ ہ کی تعسریف پیش کی گئی۔ ہم
قوت مسروڑ کی تعسریف کو وسعت دے کر (مقسر رہ محور کے بحبائے)مقسر رہ نقطے کے لحاظ سے کسی بھی راہ پر حسر کت
کرتے ہوئے الفسرادی ذرے کے لئے استعمال کرتے ہیں۔ راہ کا دائری ہونا ضروری نہیں، اور ہم قوت مسروڑ کو سمتیہ ہے گھتے ہیں
جس کا رخ کچھ بھی ہو سکتا ہے۔ قوت مسروڑ کی متدر کلیہ سے اور رخ صلیبی ضرب کے دایاں ہاتھ مت عدہ سے مصل
کے سامنات کے متاب سکتا ہے۔

 $\vec{F}$  مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین قوت، xy عسل کرتی ہے، اور مب دا xy کے لحاظ ہے ذرے کامعتام تعسین گرسمتیہ xy دیت ہے۔ مقسر رہ نقط ہور گئی تعسر پینے ذیل ہے۔ xy کی تعسر پینے دیل ہے۔

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$
 قوت مسرور کی تعسرینی  $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$ 

قوت مسرور ٹ آئی اسس تعسریف مسیں سمتی (صلیبی) خرب کی تحسیب حصہ 3.3 کے قواعہ دے کی حباس تن ہے۔ آئی کارخ حبائے کے لئے، سمتی آئی کو (رخ تبدیل کیے بغیبر) کھرکا کر اسس کی دم مبدا کی پر رکھی حباتی ہے؛ یوں، جیسا
19a.3 مسیں جکھ کے اب ہم شکل 10b.11 مسیں دکھیا گیا ہے، سمتی ضرب کے دونوں سمتیات کی دم ایک نقطے پر ہو گا۔ اب ہم شکل 19a.3 مسیں بیٹ دایاں ہاتھ و تباعد مار سمتال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حبار انگلیاں آئی پر کھ کر (ضرب مسیں بہلاسمتیہ ہے) کے طسر نے بچھاتے ہیں (جو ضرب مسیں دوسراسمتیہ ہے)۔ سیدھ کھٹڑا انگوٹ آئی کارخ دیگا۔ شکل 10b.11 مسیں کی کررخ مور سے کے مشت رخ ہے۔

 $(c=ab\sin\phi)$  کاعب وی نتیجب بروئے کارلاتے ہیں، جوذیل دیگا:  $au=rF\sin\phi$ 

جباں  $\vec{r}$  اور  $\vec{F}$  کے دم ایک نقطے پر رکھ کر سمتیات کے نیچ چھوٹا زاویہ  $\phi$  ہے۔ شکل 10b.11 ہے ہم دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات 10b.31 کھی جب سکتی ہے:

(a.14) 
$$\tau = rF_{\perp}$$

جہاں  $F_{\perp}$  (جو  $F\sin\phi$  کے برابر ہے) F کا F کا عصود دار حبز و ہے۔ شکل 10c.11 کو دکھ کر مساوات  $F\sin\phi$  کھی حب سکتی ہے:

$$\tau = r_{\perp} F$$

جہاں  $r\sin\phi$  جہاں  $r_{\perp}$  کامعیاراژ کابازو $\vec{F}$  کامعیاراژ کابازو $\vec{F}$  کے خط عمسل اور  $\vec{F}$  کے جہاں  $r\sin\phi$  کی ترام کش  $\vec{F}$  کامعیاراژ کابازور کی جہاں ہے۔  $\vec{F}$  کامعیاراژ کابازور کا کابازور کابازور کا کابازور کابازو

ذرے کا تعسین گرسمتیہ تق ، مثبت محور 2 کے ہمسراہ پایا حباتا ہے۔اگر ذرے پر قوی مسروڑ (۱) صنسر ہو، (ب) محور ٪ کے منفی رخ ہو، اور (ج) محور ۷ کے منفی رخ ہو، قوی مسروڑ پسید اکرنے والی قوی کارخ کسیاہو گا؟

نمونی سوال ۵.۲: قوتے کی بدولتے ذرہ پر قوتے مروڑ مسئل کرتی ہیں۔ ذرہ، مستوی xy مسیں، نقطہ A پرہے، جسس کا 11a.11مسیں، 2.0 N مسیں، نقطہ A پرہے، جسس کا تغسین گرسمتیہ تم ، جہاں  $r = 3.0 \, \mathrm{m}$  اور °30  $\theta = -2$  ہے۔ مبدا  $\theta = 3.0 \, \mathrm{m}$  کا تغسین گرسمتیہ تم ، جہاں مسروڑ کسے ؟

#### كلب دى تصور

حماج: ہم مبدا O کے لحاظ ہے قوت مسروڑ حبان جہتے ہیں البذا دیا گیا تعین گر سمتیہ صلیبی خرب مسین درکار سمتیہ آج ہوگا۔ قوت اور آج کے آخ زاویہ  $\phi$  حبائے کے ہم شکل 11a.11 مسین در کے گئے تاہم مشکل  $\vec{F}_2$  ،  $\vec{F}_3$  ، اور  $\vec{F}_3$  ، اور  $\vec{F}_3$  بالک یوں کھرکاتے ہیں کہ ان کی دم O پر ہو۔ انتصال کے بعد قوت  $\vec{F}_2$  ، آور  $\vec{F}_3$  ، اور  $\vec{F}_3$  بالت رتیب شکل 11b.11 میں جو مستوی xz کا نظارہ دو تی ہیں ، دکھائی گئی ہیں (جن مسین سمتیہ قوت اور تعین گر سمتیہ کے آخ زاویہ بالک نظامی آخر ہوگئی کے آخراویہ  $\vec{F}_3$  کے آخر کے آخراویہ مسین عصود دار اندر رخ ہے۔ (صفحہ سے عصود دار نکلنے کی صورت مسین  $\vec{F}_3$  عرامت استعال کی حبالہ جب کے جب کے سامت استعال کی حبالہ ہے۔)

مساوات ۱۵٬۱۵ستعال کر ذیل حساسسل ہو گا۔

$$\tau_1 = rF_1 \sin \phi_1 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 150^\circ) = 3.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$
 $\tau_2 = rF_2 \sin \phi_2 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 120^\circ) = 5.2 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$ 
 $\tau_3 = rF_3 \sin \phi_3 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 90^\circ) = 6.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$ 

اب دائیں ہاتھ مت عدہ استعمال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حیار انگلیاں  $\vec{r}$  کے رخ رکھ کر  $\vec{f}$  کے رخ (سمتیات کے رخ کے  $\vec{g}$  چھوٹے زاویے) گھٹ تے ہیں۔ دائیں ہاتھ کا اگوٹھٹ، جو حیار انگلیوں کو عصود دار رکھٹا گھٹ ہے، توت مسروڑ کارخ دیگا۔ یوں  $\vec{r}$  کارخ  $\vec{r}$  کارخ کے درخ ہوگا؛ اور  $\vec{r}$  کارخ  $\vec{r}$  کارخ  $\vec{r}$  کارخ کے درخ ہوگا؛ اور  $\vec{r}$  کارخ  $\vec{r}$  کارخ کے درخ ہوگا؛ اور  $\vec{r}$  کارخ کے درخ کے درخ ہوگا؛ اور  $\vec{r}$  کارخ کے درخ کے درخ ہوگا؛ اور  $\vec{r}$  کارخ کے درخ کے درخ

۵.۵ زاوی معیار حسر کت

#### ۵.۵ زاوی معیار حسر کس

قاصد

اس حسہ کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے تباہل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ زاوی معیار حسر کے ایک سمتیہ معتدار ہے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ جس مقسررہ نقط کے لحاظ سے زادی معیار حسر کسے تعین کیا حبائے اسس کاذکر صریحاً کرنالازم ہے۔
- ۳. اکائی سمتیر ترقیم یافت در وزاوی ترقیم مسین ، ذرے کے تعسین گرسمتیر اور معیار حسر کے سمتیر کاصلیبی ضرب لے کر ذرے کازاوی معیار حسر کے تعسین کریائیں گے۔
  - ۴. صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ تعامدہ استعال کرئے زادی معیار حسر کت کارخ نعسین کریائیں گے۔

#### كليدي تصوراھ

• ایک زرہ، جس کا خطی معیار حسر کت  $\vec{p}$ ، کیت m، اور خطی سعتی رفت از  $\vec{v}$  ہو، کا مقسر رہ نقطے کے لحاظ سے (جو عسوماً مبدا ہوگا) زادی معیار حسر کت  $\vec{l}$  کی تعسر یف زیل سعتی معتدار ہے۔

$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

$$\ell = rmv \sin \phi$$

$$= rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$= r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جبال  $\vec{r}$  اور  $\vec{v}$  کی  $\vec{v}$ ناوی ہے  $\vec{v}$  کو  $\vec{v}$  اور  $\vec{v}$  کا ور  $\vec{v}$  اور مقسررہ نقطے معبود ور اون اصلہ  $r_{\perp}$  ہمیں اور مقسرہ نقطے میں میں وط  $\vec{v}$  اور مقسرہ نقطے کا میں میں وط  $\vec{v}$  اور مقسرہ نقطے کا میں میں اور مقسرہ نقطے کے معبود وار مناصلہ میں اور مقسرہ نقطے کے معبود وار مقسرہ نواز مقسرہ نقطے کے معبود وار مقسرہ نواز مقسرہ نقطے کے معبود وار مقسرہ نواز مقسرہ نو

• دایاں ہاتھ وت عبدہ  $\ell$  کارخ دیگا: دائیں ہاتھ کی حیاد انگلیاں  $\ell$  کے رخ پر (ابت دائی طور) رکھ کر انہیں گھس کر  $\ell$  کے رخ پر رکھیں۔ دائیں ہاتھ کا سیدھ کھٹر اانگوش  $\ell$  کا رخ دیگا۔

#### زاوی معیار حسر کت

یاد کریں، خطی معیار حسر کت  $\vec{p}$  اور خطی معیار حسر کت کی بقت کا اصول انتہائی طاقت و اوزار ہیں۔ انہیں استعال کر کے نتائج کی، مشاہ دو گاڑیوں کے تصادم کی تفصیل حبانے بغیبر تصادم کی، پیٹیگوئی کی حباسکتی ہے۔ یہاں ہم  $\vec{p}$  کے زاوی مدمت اہل پر جعسرہ سشہ دو گاریوں کے تعین جس کا اختتام حصہ 8.11 مسین بقت کی اصول کے مدمت اہل پر ہوگا۔

سنکل 12.11 میں مستوی xy مسیں نقط A سے کمیت m اور خطی معیار حسر کت  $\vec{p}$  ( $\vec{v}$  ) کاذرہ گزرتا  $\vec{v}$  د کھیا گیا ہے۔ مبدا  $\vec{O}$  کے لیاظ سے ذرے کا **زاوری معیار حرکت**  $\vec{v}$  کم سمتیہ مت دار ہوگا جس کی تعسر پینے ذیل ہے،

(۵.۱۸) 
$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$
 (غاوی معیار حسر کت کی تعسرینی)

جہاں O کے لیاظ سے ذرے کا تعیین گر سمتیہ  $\overline{r}$  ہے۔ مبدا O کے لیاظ سے جب ذرہ معیار حسرکت  $\overline{p}$  ( $m\overline{v}$  ) کے رخ کر تاہے، اس کا تعیین گر سمتیہ  $\overline{r}$  مبدا O کے گرد گھی ہی حسرک حسرکت کر تاہے۔ فور کریں، O پر ادوی معیار حسرکت کے لئے ضروری نہیں کہ ذرہ فود O کے گرد گھومت ہو۔ مساوت O اور مساوات O اداری معیار حسرکت کے لئے ضروری نہیں کہ ذرہ فود O کے گرد گھومت ہو۔ مساوت O اور مساوت O موازت کرنے سے معلوم ہوگا کہ زاوی معیار حسرکت اور خطی معیار حسرکت کا آپ مسرکع مسرخ مسیر فی سیکنڈ مسروڑ کا قوت کے ساتھ ہے۔ بین الاقوامی نظام اکائی مسیں زاوی معیار حسرکت کی اکائی کلوگرام مسرکع مسیر فی سیکنڈ O کا کامعادل ہے۔ O کا کامعادل ہے۔

قدر۔ زادی معیار حسر کت  $\ell$  کی ت در معساوم کرنے کے لئے ہم مساوات 27.3 کا عسو می نتیجہ ذیل لکھتے ہیں:

$$(a.19) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

جہاں تر اور  $\vec{p}$  کی دم ایک نقط پرر کھ کر سمتیات کے بی حجمونازاوی  $\phi$  ہے۔ شکل 12a.11 دیکھ کر مساوات 1.90 ذیل کھی جب کتی ہے:

$$(a.r•) \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

جباں  $\vec{r}$  کو  $\vec{p}$  کاعب ود دار حبزو  $p_{\perp}$  ہے، اور  $\vec{r}$  کو  $\vec{v}$  کاعب ود دار حبزو  $v_{\perp}$  ہے۔ شکل 12b.11 دیکھ کر مساوات  $p_{\perp}$  کاعب وکا کھی جساستی ہے:

$$(\mathbf{a}.\mathbf{r}) \qquad \qquad \ell = r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جہاں مبسوط  $\vec{p}$  سے O کاعب وددار فناصلہ  $r_{\parallel}$  ہے۔

اہم۔ دوپہلوپر غور کریں: (1) زادی معیار حسر کت صرف کی مخصوص مبدا کے لیے ظے معنی خسیز ہے اور (2) اسس کا رخبر صورت اسس مستوی کو عصودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ  $ec{p}$  مسل کر بہناتے ہیں۔ آزماکٹ ۴ ماکٹ ۴ میں مستوی کو عصودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ تر ماکٹ ۴ مسل کر بہناتے ہیں۔

angularmomentum

۵.۵ زاوی معبار حسر ک بیس

سٹکل ؟؟ امسیں ذرہ 1 اور 2 نقطہ 0 کے گربالت رتیب درداسس 2 اور 4 m کے دائروں پر حسر کت کرتے ہیں۔ مشکل بست میں ذرہ 3 اور 4 نقطہ 0 کے بالت رتیب 4 m اور 2 m عصود دار فناصلوں پر فط مستقم پر حسر کت کرتے ہیں۔ ذرہ 5 نقطہ 0 ہے باہری رخ حسر کت کرتا ہے۔ تمام ذروں کی کمیت اور رفت اربرابر ہیں۔ (۱) نقطہ 0 پر کا ذروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 0 پر کن ذروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 0 پر کن ذروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 0 پر کن ذروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن ذروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کی دروں

# نمونی سوال ۵.۳ دو ذروی نظام کا زاوی معیار ترکھے

افتی راہوں پر دوذرے مستقل معیار حسر کت کے ساتھ حسر کت کرتے ہیں۔ شکل 13.11 مسیں ان کا فصن کی حب کزہ O بیش ہے۔ ذرہ D ، جس کے معیار حسر کت کی صدر D D ور تقسین گرسمتی D ور تقسین گرسمتی گرسمتی D ور مسافی زاد کی میسار حسر کت کی صدر D و میں گرسمتی گرسمتی گرسمتی گرسمتی کے معیار حسر کت کی میسار حسر کت کی میسار حسر کت کی میسار حسر کت کی کہ کہ دوذردی نظام کا نقط ہے D کی میسار حسر کت کے کسیاہو گا؟

#### كلب دى تصور

انف سرادی زاوی معیار حسر کے آب اور  $\vec{\ell}_1$  معلوم کرنے کے بعد جُع کر کے ہم صافی معیار حسر کے تا تلامش کر مسکت ہیں۔ البت، ہمیں کے ہیں۔ ان کی تعدریں مساوات ۵.۱۸ تامساوات ۵.۲۱ مسیں ہر ایک سے تعمین کی حباستی ہیں۔ البت، ہمیں عصود دارف صلے  $r_{\pm 1}$  ور  $r_{\pm 1}$  اور  $r_{\pm 1}$  اور معیار حسر کت کی متدریں  $r_{\pm 1}$  اور  $r_{\pm 1}$  اور معیار حسر کت کی متدریں  $r_{\pm 1}$  اور دی گئی ہیں البت المناور آسان ہوگا۔

حماج: زره 1 ك لئ مساوات ٥٠٢١زيل ديكار

$$\ell_1 = r_{\perp 1} p_1 = (2.0 \,\mathrm{m}) (5.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$
  
=  $10 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$ 

 $\vec{r}_1 imes \vec{p}_1 imes \vec{p}_1$  سمتیہ  $\vec{\ell}_1$  کارخ مساوات ۱۵.۱۸ اور سمتیات کے صلیبی ضرب کا دایاں ہاتھ تاعبدہ دے گا۔ صلیبی ضرب کا دران صف سے باہر نظنے کے رخ، مشکل 13.11 کے مستوی کو عصود دار ہو گا۔ بی مثبت رخ ہے، جو ذرے کی حسر کت کے دوران ذرہ 1 کا زاوی معیار ذرے کے تعیین گرسمتیہ  $\vec{r}_1$  کا نقطہ  $\vec{r}_2$  کا نقطہ  $\vec{r}_3$  کا نقطہ  $\vec{r}_4$  کا نقطہ کے حسین مطابق ہے۔ یوں ذرہ 1 کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_1 = +10\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

اسى طىرى  $\vec{\ell}_2$  كى ت در ذيل

$$\ell_2 = r_{\perp 2} p_2 = (4.0 \,\mathrm{m}) (2.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$
  
=  $8.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$ 

اور  $\vec{p}_2 \times \vec{p}_3$  سمتیہ سے صل ضرب صف ہے باہر رخ ہے، جو منفی رخ ہے، اور جو ذرہ 2 کی حسر کت کے دوران O کے گرد تر کے گلسٹری وار حسر کت کے عسین مطبابق ہے۔ یوں ذرہ 2 کا زادی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_2 = -8.0\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

دو ذروی نظام کاصافی زاوی معیار حسر کے زیل ہو گا۔

$$\begin{split} L &= \ell_1 + \ell_2 = +10\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1} + (-8.0\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1}) \\ &= +2.0\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{i.s.}) \end{split}$$

مثبت علامت کہتی ہے 0 پرنظام کاصافی معیاد حسرکت صفحہ ہے اہر نکلنے کے رخ ہے۔ 

# ۵.۲ نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

معاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعید آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا۔ زادی رویے مسین نیوٹن کا وت انون دوم استعال کر کے ، کسی مخصوص نقطہ کے لحاظ سے، ذریر برعمل پہر اقوت مسروڑ اور ذرے کے زاوی معیار حسر کت مسیں پیداتب ملی کار شتہ حبان یا ئیں گے۔

# كليدي تصور

• نیوٹن کافت نون دوم کازادی روی نیل ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{c}}}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جہاں میں  $\vec{ au}$  ذرے پر صافی قوت مسروڑ اور  $\vec{ au}$  ذرے کازاوی معیار حسر کت ہے۔

# نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

نيوڻن کافت انون دوم ذيل روي مسين:

(۵,۲۲) 
$$\vec{F} = \frac{\mathrm{d}\vec{p}}{\mathrm{d}t} \qquad (واحد ذره)$$

واحد ذرے کے لئے، قوت اور خطی معیار حسرکت کے نی فتر بی رسشتہ احباگر کرتا ہے۔ ہم خطی اور زاوی معتادیر کی متوازیت دکھے سے بیں اور توقع کر سکتے ہیں کہ قوت مسرور اور زاوی معیار حسرکت کے چے بھی مسری تعالق ہوگا۔ مساوا۔۔۔ ۵.۲۲ کو دیکھ کر ہم ذیل تعسلق کی توقع کرتے ہیں۔

(۵,۲۳) 
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$
 (واحدوزره)

یقسیناً، مساوات ۲۳.۵واحسد ذرے کے لئے نیوٹن کے وت انون دوم کازاوی رویے ہے:

ذرے پر تمام قوت مسروڑ کا (سمتی) محبموعہ ذرے کے زادی معیار حسر کت مسین تبدیلی کے برابر ہوگا۔

کی مخصوص نقطہ کے لحیاظ ہے، جو عب موماً محید دی نظام کامبدا ہوگا، قوت مسروڑ  $\vec{\tau}$  اور زاوی معیار حسر کے لیے بغت میں معیار حسر کے بغت میں معیار حسر کے بغت میں ہوگا۔

مساوات ۲۳ ۵ کا ثبوت

ہم مساوات ۱۸ یک آغباز کرتے ہیں،جو ذرے کے زاوی معیار حسر کت کی تعسریف ہے:

$$\vec{\ell} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

جباں  $\overline{t}$  زرے کا تعسین گرسمتیہ اور  $\overline{v}$  ذرے کی سستی رفت ارہے۔ دونوں اطسرانے کا تغسیر  $\overline{t}$  کے لحیاظ سے لیے ہیں۔

(a.rr) 
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m \left( \vec{r} \times \frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} + \frac{\mathrm{d}\vec{r}}{\mathrm{d}t} \times \vec{v} \right)$$

البت،  $d\vec{v}/dt$  ذرے کا اسراع  $\vec{a}$  ، اور  $d\vec{v}/dt$  ذرے کی سنتی رفت ارہے۔ یوں مساوات  $d\vec{v}/dt$  کھی جب سکتی  $d\vec{v}/dt$  نہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a} + \vec{v} \times \vec{v})$$

اب  $ec{v} = 0 \times ec{v} \times ec{v}$  ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر ہے ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر کے برابر ہوگا۔ کے برابر ہوگا۔ کا بین آحسنری حبیز وحسارج ہوگا اور ذیل رہ حبائے گا۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a}) = \vec{r} \times m\vec{a}$$

ہم نیوٹن کامت نون دوم  $ec{F}_{i}$  سے استعال کر کے  $ec{m}$  کی جگہ سے  $ec{F}_{i}$  ڈال کر ذیل سے سل کرتے ہیں۔

(a.ra) 
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = \vec{r} \times \vec{F}_{\dot{\mathbf{j}}} = \sum (\vec{r} \times \vec{F})$$

یہاں عسلامت  $\sqrt{7}$  کہتی ہے تمام قو توں کے سمتی ضرب  $\vec{F}$   $\times$   $\vec{F}$  کا محبوعہ لین ہوگا۔ البت، مساوات ۵.۱۳ ہے ہم حبائے ہیں (درج بالا) ہر سمتی ضرب کی ایک قوت سے وابستہ قوت مسروڑ ہوگا۔ یوں، مساوات ۵.۲۵ ذیل کہتی ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{d}} t} = rac{ ext{d} ec{\ell}}{ ext{d} t}$$

ا مستی ساس ال التعارق السية بوئ مستمل معتادير كارتيب برمت دار د تحسين يون يهان تر بميث تن سي بها بوگا

جوم اوات ۵.۲۳ ہے، جے ہم ثاب<u>ت</u> کرنا حیا<del>ہتے تھے</del>۔

آزمائش ۵

کل ؟؟ مسیں کی ایک لیجے پر ذرے کا تعسین گرسمتیہ 7 ، اور ذرے کو مسرع کرنے والی قو توں کے حیار ممکن رخ دیے گئے ہیں۔ تسام قوت سط xy مسیں ہیں۔(۱) نقطہ O پر ذرے کے زاوی معیار حسر کر مسیں تبدیلی ( $d\vec{\ell}/dt$ ) کی متدر کے لیے ناطعہ قیمت اول رکھ کر، قو توں کی در حب سندی کریں۔(ب) نقطہ O پر کوئی قوت تبدیلی کی منفی مشرح دیت O

نمونی سوال ۵.۴: قصر مروڑ اور زاوی معیار حرکتے کا وقتح تفرق ایک ذرہ جس کی کمیت 0.500 kg ہے اور جس کا تعسین گرسمتیہ ذیل ہے، مستقیم خط پر حسر کت مسیں ہے (مشکل 14a 11):

$$\vec{r} = (-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j}$$

جہاں t میٹر مسیں اور t سیکنڈ مسیں ہے، اور آغناز t=0 پر ہوتا ہے۔ تعسین گرسمتیہ مبداے ذرے کے مسرکز کی نشاند ہی کر تا ہے۔ اکائی سمتیہ ترقیم مسیں، ذرے کا ذاوی معیار حسر کت f اور ذرے پر قوت مسروڑ f مبدا کے لحاظ سے (یامبدایر) تلاسش کریں۔ ذرے کی حسر کت کومد نظس رکھتے ہوئے ان معتادیر کی الجبرائی عسلامت کی وحب پیشس کریں۔

#### كلىيەرى تصورات

(1) جس نقط پر ذرے کا زاوی معیار حسر کت تلاش کرنا ہو اسس کی نشاند بی کرنا لازم ہے۔ یہاں وہ نقط مبدا پر واقع ہے۔ (2) جس نقط پر ذرے کا زاوی معیار حسر کت  $\vec{l} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$  (3) درے کا زاوی معیار حسر کت سے وابت تا عملامت (+ یا -)، ذرے کی حسر کت کے دوران ذرے کے تعیین گرسمتیہ کے زاوی معیار حسر کت وران ذرے کے تعیین گرسمتیہ کے زاوی معیار حسر کی قصف و کی سمت دیتی ہے۔ گھٹری وار مناف گھٹری مثبت ہوگا۔ (4) اگر ذرے پر قوت مسرو ٹر اور زاوی معیار حسر کت کا تون معیار حسر کت کا تعلی کا تعلی معیار حسر کت کا تعلی کا تعلی کا تعلی کے گئی کا تعلی کا تعلی کا تعلی کے گئی کا تعلی کے گئی کا تعلی کے گئی کا تعلی کے گئی کی کت کا تعلی کے گئی کا تعلی کے گئی کا تعلی کے گئی کا تعلی کے گئی کی کت کے کا تعلی کے گئی کے گئی کا تعلی کے گئی کر کت کے کا تعلی کے گئی کی کت کی کت کے کا تعلی کے گئی کر کتا کی کر کتا کی کتاب کے گئی کے کا تعلی کے گئی کے کا تعلی کے کا تعلی کے گئی کر کتا کی کر کتا کی کتاب کی کا تعلی کے کئی کر کتا کی کر کتا کی کتاب کر کتا کی کتاب کی کتاب کے کئی کر کتا کی کتاب کے کئی کر کتا کی کتاب کر کتا کی کتاب کر کتا کی کتاب کر کتا

حماج: مساوات ۱۵.۱۸ استمال کر کے مبدا پر زاوی معیار حسر کت تلامش کرنے کے لئے ضروری ہے کہ پہلے تعین گرسمتیر کا وقت تقسر قنسر قبل کی سمتی رفت از کا الجبرائی فعت رہ حسام کی حبائے۔ مساوات 10.4  $(\vec{v} = d\vec{r}/dt)$  کو دکھ کرہم ذیل کھتے ہیں:

$$\vec{v} = \frac{d}{dt}((-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j})$$
$$= (-4.00t - 1.00)\hat{i}$$

جہاں 🕏 میٹر فی سینڈمیں ہے۔

اس کے بعد مساوات 27.3 مسیں صلیبی ضرب کا دکھایا گیا ڈھانحپ استمال کر کے آتر اور آت کا صلیبی ضرب معلوم کرتے ہیں۔

$$\vec{a} \times \vec{b} = (a_y b_z - b_y a_z)\hat{\mathbf{i}} + (a_z b_x - b_z a_x)\hat{\mathbf{j}} + (a_x b_y - b_x a_y)\hat{\mathbf{k}}$$

یہاں آ کو عصومی سمتیہ  $\vec{a}$  اور  $\vec{v}$  کو عصومی سمتیہ  $\vec{b}$  ظاہر کرتا ہے۔ چونکہ ہم خرور سے زیادہ کام نہیں کرنا حیاہے، آئیں عصومی سلیبی خرب مسیں پر کر دہ بدل پر غور کرتے ہیں۔ چونکہ  $\vec{r}$  مسیں z حب زواور  $\vec{v}$  مسیں y اور z احب زاء نہیں پائے دوڑ کے جب نے، اسس عصومی صلیبی خرب کا صرف آحض ری حب زو  $(-b_x a_y)$  غسیر صف رہے۔ یول، زیادہ الجمرائی دوڑ کے بین۔ پنیسر ویل کھتے ہیں۔

$$\vec{r} \times \vec{v} = -(-4.00t - 1.00)(5.00)\hat{k} = (20.0t + 5.00)\hat{k} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

یادرہے، ہمیث کی طسرح صلیبی ضرب جو سمتید دیتی ہے وہ ابت دائی سمتیات کو عسود دار ہوگا۔ مساوات ۱۸ میری کرنے کے لئے، کیت سے ضرب دے کر ذیل حساصل کرتے ہیں۔

$$\vec{\ell} = (0.500 \,\text{kg})[(20.0t + 5.00)\hat{k} \,\text{m}^2 \,\text{s}^{-1}]$$
$$= (10.0t + 2.50)\hat{k} \,\text{kg} \,\text{m}^2 \,\text{s}^{-1} \qquad (\text{...} \text{/}\text{£})$$

مبدایر قوت مسروڑ اب مساوات ۵.۲۳ سے فوراً حساصل ہوگا:

$$\vec{\tau} = \frac{d}{dt} (10.0t + 2.50) \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-1}$$

$$= 10.0 \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 10.0 \hat{k} \text{ N m} \qquad (\text{---})\hat{k}$$

جو محور کے مثبت ررخے۔

ہمارا گی کا نتیج ہوت ہے زاوی معیار حسر کے محور 2 کے مثبت رخ ہے۔ تعیین گرسمتیہ کے گلماو کی صورت مسیں " "شبت " نتیجے کامطلب مسجھنے کے لئے اس سمتہ کی قیب مختلف اوت سے محلف کرتے ہیں۔

$$t = 0,$$
  $\vec{r}_0 = 5.00\hat{j} \text{ m}$   
 $t = 1.00 \text{ s},$   $\vec{r}_1 = -3.00\hat{i} + 5.00\hat{j} \text{ m}$   
 $t = 2.00 \text{ s},$   $\vec{r}_2 = -10.0\hat{i} + 5.00\hat{i} \text{ m}$ 

یہ نتائج شکل 14b.11 میں پیش ہیں؛ ہم دیکھتے ہیں کہ ذرے کے ساتھ ساتھ چلنے کے لئے ہم حنلان گھٹری گومت ہے۔ یکی گھساو کامثبت رخ ہے۔ یوں، اگر حپ ذرہ خود سید ھی ککسیر پر حسر کت کر تاہے، مبدا کے لحساظ سے یہ امس کی حسر کت حنلاف گھٹری ہے، اور یوں امس کا زادی معیار حسر کرت مثبت ہے۔

ہم کی کے رخ کامطلب، صلیبی ضرب (یہاں  $\vec{v} \times \vec{v}$  یا آپ حہاییں  $\vec{v} \times \vec{v}$  ، جو ایک رخ ویت ہیں) کا دایاں ہاتھ وت عددہ استعال کرے سمجھ سکتے ہیں۔ ذرے کی حسر کسے وران کمی بھی معیار الڑکے لئے، دائیں ہاتھ کی حہار انگلیاں

صلیبی ضرب کے اول سمتیہ آئے کرخ رکھی حباتی ہیں (مشکل 14c.11)۔ ہاتھ یوں سب بند کیا حباتا ہے کہ ہتھیلی کے گر دانگلیاں ہا آس نی گھی کر صلیبی ضرب کے دو سرے سمتیہ آئے کے رخ کی حبائیں (مشکل 14d.11)۔ اس پورے عمسل کے دوران انگوٹے کو حیار انگلیوں کے لیے اظ سے عصود دار رکھا حباتا ہے۔ انگوٹ صلیبی ضرب کے نتیج کارخ دیگا۔ جیب مشکل 14e.11 میں دکھایا گیا ہے، ماحصل سمتیہ محور ح کے مثبت رخ (جو مشکل کے مستوی سے سیدھ ہاہر لگاتا ہے) اور گزشتہ نتیج کے عسین مطابق ہے۔ شکل 14e.11 میں آئے کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محور ح کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، اور گزشتہ نتیج کے عسین مطابق ہے۔ شکل 14e.11 میں کے مترب میں کے مترب کی مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، ان کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محور ح کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، ان کاری معیار حسر کرت ای رخ ہے اور اس کی تدریز ہور ہی ہے۔

## 

مقاصد

معاصد اسس حسب کو پڑھنے کے بعسد آییے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ذروں پر مشتل نظام کے لئے، نیوٹن کا ت انون دوم زاوی روپ مسین استعمال کرکے نظام پر صافی قوت مسروڑ اور نظام کے زادی معیار حسر کست مسین پیدا تبدیلی کی مشرح کا تعلق حبان یا تیں گے۔
- ۲. مقسررہ محور کے گرد گھومتے استوار جم کے زادی معیار حسر ک اور ای محور کے گرد جیم کے گھسیسری جمود اور زادی رفت ارکا تعلق استعال کرمائیں گے۔
  - س. اگر دوجہم ایک ہی محور گھساوے گر د گھومتے ہول،ان کے کل زادی معیار حسر کت کاحساب کریائیں گے۔

## كليدي تصورات

• زروں پر مشتمل نظام، کازادی معیار حسر کت 🗓 انف رادی ذروں کے زادی معیار حسر کت کامحب وعب ہوگا۔

$$\vec{L} = \vec{\ell}_1 + \vec{\ell}_2 + \vec{\ell}_3 + \dots + \vec{\ell}_n = \sum_{i=1}^n \vec{\ell}_i$$

• اسس زادی معیار حسر کت کی تبدیلی کی مشرح نظام پر صافی بهیدونی قوت مسروڑ کے برابر ہوگی (جو نظام کے اندرونی ذروں اور نظام کے باہر ذروں کے باہم عمسل ہے پیدا توت مسروڑ کا سستی محبصوعہ ہوگا)۔

$$ec{ au}_{\dot{ ext{d}} ou} = rac{ ext{d} ec{L}}{ ext{d} t}$$
 (دروں پر مشتمی نظام)

• مقسررہ محور پر گھوٹے استوار جم کے لئے ،، محور گھساوے متوازی زاوی معیار حسر کے کاحبزو ذیل ہوگا۔

$$L = I\omega$$
 (استوار جسم، مقسرره محور)

#### ذرول يرمشتل نظام كازادي معيار حسركت

مبداکے لیے اظ سے ذروں پر مشتمل نظام کے زادی معیار حسر کت پر غور کرتے ہیں۔ نظام کا کل زادی معیار حسر کت  $\vec{L}$  انفٹ رادی ذروں کے زادی معیار حسر کت  $\vec{J}$  کا (صتی )مجب وعب ہوگا۔

(a.ry) 
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

انفنسرادی زاوی معیار حسر کے کوزیر نوشت i سے ظاہر کیا گیاہے۔

دیگر ذروں کے ساتھ یانظام کے ہیسرون کے ساتھ ہاہم عمسل کی بناانعنسرادی ذرے کازادی معیار حسر کت وقت کے ساتھ تبدیل مساوات ۲۱۔۵٪ (ذیل) وقت تقسر ق معیاوم کر سے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \frac{\mathrm{d}\vec{\ell}_{i}}{\mathrm{d}t}$$

ماوات ۵.۲۳ ہوگی۔ ساوات نے i ویں ذرے پر صافی توت مسروڑ dt ہوگی۔ ساوات i 3.۲۷ ویل کسی حبا مستق ہے۔

(۵.۲۸) 
$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \vec{\tau}_{\dot{0}_{i},i}$$

یعنی، نظام کے زاوی معیار حسر کس آگی تب یلی کی مشر ن انفسرادی ذروں پر قوب مسروڑ کے سمتی محبوعہ کے بربر ہوگا۔ ان قوب مسروڑ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوب کی بربر ہوگا۔ ان قوب مسروڈ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوب کی بین) ہیں۔ تاہم، ذروں کے نجھ قوت (نیوٹن کے وصانون سوم کی بہن) جوڑیوں کے روپ مسیں ہوگی لہنذا ان کی محبوی قوب مسروڈ صف ہوگی۔ یوں، نظام کے کل زاوی معیار حسر کس آگی کو صوف نظام پر عسل ہیں۔ بہت ہوگی۔ یوں، نظام کے کل زاوی معیار حسر کس آگی کو صوف نظام پر عسل ہیں۔ بہت ہوگی ہیں۔

صافی بیرونی قومے مروڑ سنظ م میں تمام ذروں پر بیسرونی قوت مسروڑ کا سمتی محب و عسم میں تمام ذروں پر بیسرونی قوت مسروڑ کا خوالے میں تاہے۔ یوں مساوات ۵.۲۸ ذیل کھی جباستی ہے:

$$ec{ au}_{i,rq} = rac{\mathrm{d}ec{L}}{\mathrm{d}t}$$
 (درون پر مشتم نظام)

جونیوٹن کے مت انون دوم کازاوی روپ ہے۔اسس کے تحت ذیل ہوگا۔

 $\vec{\tau}$  ذروں پر مشتل نظام پر صافی ہیں۔ ونی تو سے مسروڑ سین  $\vec{\tau}$  نظام کے کل زاوی معیار حسر کے  $\vec{L}$  کی تبدیلی کی سفرح کے برابر ہوگی۔

مساوات ۱۹۰۹ و  $\vec{F}$  اور  $\vec{F}$  استان  $\vec{F}$  (مساوات (27.9) مم ثل بین تاہم اول الذکر زیادوا حتیاط ما گلتی ہے: تو سے مسرور اور نظام کا زادی معیار حسر کرت ایک مبدا کے لیے نظرے ناپان الزمی ہو دی جود کی جود کی جود کے لیے نظرے نظام کا مسر کز کیت مسر کرنر کیت مسر مرز کیت ہو، مبدا کی بھی نقط پر ہو سکتا ہے؛ اگر مسرع ہو، تب لازم ہے کہ مبدا مسر کز کیت پر ہو۔ مشال کے طور پر ، پہنے کو ذروں پر مشتمل نظام تصور کریں۔ اگر زمسین کے لیے نظرے ساکن محور پر پہیا گلومت ہو، تب مساوات ملا کرتے وقت زمسین کے لیے نظرے کوئی بھی ساکن نقط بطور مبدات کیم کیے جب سکتا ہے۔ البت ، اگر پہنیا مسرع محور کے گرد گلومت ہو (جیسے جب پہنیا میلان پر لڑھکتا نیچ آتا ہے)، تب صرون پہنے کا مسر کز کمیت مبدات کی ساکت ہے۔ سامت کی جب سامت کی بیات میں میں میں میں کی جب سامت کی بیات میں میں میں بیات کی بیات ہے۔ کا مسر کز کمیت مبدات کی میں حب سکتا ہے۔

#### مقسرره محوريراستوارجهم كازاوي معيار حسركت

ذروں پر مشتم نظام (ذروی نظام ) جو ایک استوار جم دیت ہے کازادی معیار حسر کت تلاسش کرتے ہیں۔ سکل 15a.11 مسیں ایس جم دکھایا گیا ہے۔ محور کا بہاں مقسرہ محور گھاو ہے ج کے گرد جم مستقل زاوی رفت ارس سے گھرہ جسم دکھایا گیا ہے۔ محور کے بہان حیاج ہیں۔ گھومت ہے۔ اسس محور پر ہم جم کازاوی معیار حسر کت حیانت حیاج ہیں۔

ہم جم کے تمام کمسیق گڑوں کا انفنسرادی زاوی معیار حسر کہہ معلوم کر کے ان کے z حب زو کا محبموعہ لے کر ایس کر سے تیں۔ شکل 5a.11 مسیں کمیت میں کے کسیق گڑا محور z کے گرد دائری راہ پر حسر کہہ کر کے گہمبیدا z کے لیاظ کے اسس کمیتی گڑھے کا معتام تعسین گرسمتیہ z ویگا۔ اسس کگڑھے دائری راہ کار داسس z ہوگا، جو کگڑھے اور محور z کے جمعہ ودرار ون اصلہ ہے۔

مبدا O کے لحاظ سے اس کمینی ٹکڑے کے زاوی معیار حسر کت  $\vec{\ell}_i$  کی تندر مساوات 19.۵ رگی:

$$\ell_i = (r_i)(p_i)(\sin 90^\circ) = (r_i)(\Delta m_i v_i)$$

جباں  $p_i$  اور  $v_i$  کمین گرے کا خطی معیار حسر کت اور خطی رفت ارب، اور  $\vec{r}_i$  اور  $\vec{r}_i$  کازادی معیار حسر کت  $\vec{\ell}_i$  شکل 5b.11 مسیں دکھیایا گیا ہے؛ اسس کار خ $\vec{r}_i$  اور  $\vec{r}_i$  دونوں کو لاز ما عسود داریوں گا

جوو z ہم محور گھے او کے ،جو یہاں محور z ہے ،متوازی  $\vec{\ell}_i$  کاحب زوحبانت احیاجے ہیں۔حب زوz ذیل ہوگا۔

$$\ell_{iz} = \ell_i \sin \theta = (r_i \sin \theta)(\Delta m_i v_i) = r_{\perp i} \Delta m_i v_i$$

پورے جم کے زاوی معیار حسرک کا z حبزو معاوم کرنے کے لئے جم کے تمام سمیتی کلڑوں کے زاوی معیار حسرک کے  $v=\omega r$  ہوگا۔ چونکہ  $v=\omega r$  ہے المباذاذیل کھا حباسکتا ہے۔

(a.r.) 
$$L_z = \sum_{i=1}^n \ell_{iz} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i v_i r_{\perp i} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i (\omega r_{\perp i}) r_i$$
$$= \omega \left( \sum_{i=1}^n \Delta m_i r_{\perp i}^2 \right)$$

مت انون بقب

 $\vec{L} = \vec{U}$ تقل

گھےری		أستقيم	
$\vec{\tau}  (= \vec{r} \times \vec{F})$	قو <u>۔۔</u> مسروڑ	$\mid ec{F} \mid$	<u>ت</u> ر
$\vec{\ell}(=\vec{r}\times\vec{p})$	زاوی معیار حسر کت	$\mid \vec{p} \mid$	خطی معیار حسر کت
$\vec{L}(=\sum \vec{\ell}_i)$	زاوی معیار حسر کت	$ec{P}  (= \sum ec{p}_i)$	خطی معیار حسر کت
$L = I\omega$	زاوی معیار حسر کت	$\vec{P} = M\vec{v}_{\underline{}}$	خطی معیار حسر کت
$ec{ au}_{\dot{ ext{d}}t}=rac{ ext{d}ec{L}}{ ext{d}t}$	نیوٹن کافت نون دوم	$ec{F}$ نن $=rac{\mathrm{d}ec{P}}{\mathrm{d}t}$	نيوڻن كافت انون دوم

#### حبدول ۱۵: متقیم اور گھمیری حسرکت کے مسنزید مطابقتی متغییرات اور رشتے

یہاں س متقل (جم کے تمام نقطوں کے لئے ایک برابر) ہے اہلہٰ دااسس کو محب وعب کی عسلامت سے باہر کھا حبا سکتا ہے۔

 $ec{P} = ec{P}$  صتقل

ماوات ۵.۳۰ میں  $\sum \Delta m_i r_{\perp i}^2$  مقسررہ محور کے گرد جم کا گھیسری جمود I ہے (مساوات ۳۳، ۲۰ دیکھسیں)۔ یوں مساوات ۵۳۰، دنیل رویہ اختیار کرتی ہے۔

(a.m) 
$$L = I\omega \qquad (5 \text{ for } 70\text{ so})$$

ہم نے زیر نوشت ہے نہیں لکھی، تاہم آپ نے یاد رکھنا ہو گا کہ مساوات ۵.۳۱ مسین زاوی معیار حسر کت محور گھماوپر زاوی معیار حسر کت اسس محور اوی معیار حسر کت اسس محور گلماوے لیانہ خازاداوی معیار حسر کت اسس محور گلماوے لیانہ کور گلماوے لیانہ ہوگا۔

حبدول ۵۱۱، جوحبدول ۲۰۱۱ کووسعت دیت ہے،مطب بقتی خطی اور زاوی رہنے پیشس کر تاہے۔

#### آزمائشس۲

وت رص، گھیں را، اور کرہ کو، لئو کی طسر ج دھاگالییٹ کر، مقسر رہ وسطی تحور پر گھیایا حباتا ہے (شکل؟؟)۔ دھاگاتینوں جم پر ایک جتنی مستقل ممسائی قوت آئے لاگو کرتا ہے۔ تینوں جم است دائی طور ساکن ہیں، ان کی کمیت اور داسس ایک برابر ہیں۔ گھومتے اجسام کی در حب بسندی(۱) وسطی تحور پر زاوی معیار حسر کت اور (ب)زاوی رفتار کے لیاظ ہے، اعظم قیت اول رکھ کر، کریں۔

## /. ۵ زاوی معبار حسر ک<u>ت</u> کی بقبا

قاصد

مصاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعب آ ہے۔ ا

ا. کسی مخصوص محور کے ہمسراہ نظام پر ہیں رونی صافی قوت مسروڑ کی عدم موجود گی مسیں ، زاوی معیار حسر کس کی بقسا استعمال کرکے محور پر ابت دائی زاوی معیار حسر ک کے قیت کار مشتہ بعب کی قیت کے ساتھ حبان یا ئیں گے۔

#### كليدي تصور

• نظام پر بیسرونی صافی قوت مسروڑ صف ہونے کی صورت مسیں ، نظام کازادی معیار حسر کت آیک مستقل ہوگا۔ یول ذیل ہوگا۔

$$ec{L}=ec{eta}$$
 (حبدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$  (حبدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$ 

اسس کوزاوی معیار حسر کت کی بقسا کافت انون کہتے ہیں۔

## زاوی معیار حسر کت کی بقسا

ہم توانائی کی بقسا اور خطی معیار حسر کر کے بھو طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کر کے بھر طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کرتے کی بقت کی بات کرتے ہیں، جو تیس راحت انون بقل ہے۔ ہم مساوات میں بھونیوٹن کے متانون دوم کا زاوی روپ ہے۔ بیسرونی مسافی قوت مسروڑ کے عسد م موجودگی مسیں سے مساوات میں بھوگا۔  $d\vec{L}/dt = 0$  مارک کے درسے افتیار کرتی ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$($$
مـتقل م $ec{L}=ec{L}$  (مـبـانظـام)

ب نتیب، جوذیل دوطسرت بھی تھ جب سکتاہے، زاوی معیار ترکھے کھ بقا کا قانون کے کہا تا ہے۔

$$\begin{pmatrix} \mathbf{x} & \mathbf{t}_i & \mathbf{x} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{y} & \mathbf{t}_i & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix}$$

$$(a. rr)$$
  $ec{L}_i = ec{L}_f$  (مبدانظام)

مساوات ۵٬۳۲ ورمساوات ۵٬۳۳۳ زیل کهتی ہیں۔

نظام پر صافی سیرونی قوت مسروڑ صفر ہونے کی صورت مسیں، اسس سے قطع نظر کہ نظام کے اندر کیا تتبدیلیاں رونساہوں، نظام کازاوی معیار حسر کت لَر بسترار رہے گا(ایک مستقل ہوگا)۔

lawofconservationofangularmomentum\*

مساوات ۱۹۳۲ ورمساوات ۵٬۳۳۳ متیه مساوات بین: جو تین آلبس مسین عصود داررخ پر زاوی معیار حسر کت کی بقت کی بقت کی بقت کی بقت کی بقت مسین، توت مسین، توت مسین، توت مسین، توت مسین، توت مسین، توت مسین بوگا، آیازاوی معیار حسر کت کی بقت صرف ایک یا دورخ بو، تاہم، تسینوں رخ زاوی معیار حسر کت کی بقت می بنیس بوگا۔

اگر کسی محور کے ہمسراہ نظام پر صافی ہیں۔ ونی قویہ مسروڑ کاحب زوصف رہو، تب اسس سے قطع نظے رکہ نظام مسیں کسیات بدیلیاں رونسا ہوں، اسس محور کے ہمسراہ نظام کے زادی معیار حسر کسے کاحب زوتب میل نہیں ہوگا۔

یہ ایک طاقت ور فعت رہ ہے: یہاں ہم نظام کے ابت دائی اور اختامی سالت مسیں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت میں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت یرغور کرنے کی ضرورت تہیں۔

اسس مت عدے کا اطباق مشکل 15.11 مسیں پیش حبداجهم پر ، جو محور تے کے گرد گھومت ہے ، کسیاحب سکتا ہے۔ منسر ض کریں کی طسرح جم ، محور گھماو کے لحیاظ سے کمیت کی تقسیم نو کر کے ، محور گھماو پر اپن گھمیسری جمود تبدیل کرتا ہے۔ مساوات ۵۳۳ اور مساوات ۵۳۳ کہ کہتی ہیں جم کا زاوی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ مساوات ۵۳۳ مسیل (گھمیسری محور پر زاوی معیار حسر کت کی) مساوات ۳۱ ۵ ڈال کر ب وت انون بقت کو ذیل کھیا سے ساسکتا ہے۔

 $I_i \omega_i = I_f \omega_f$ 

اسس مساوات مسین زیر نوشت i اور f سمین تقسیم نوے قبل اور اسس کے بعب گھیسری جمود اور زاوی رفت ار ظاہر کرتے ہیں۔

باقی دو توانین بقب کی طسرح، جن پر ہم بحث کر جیکے ہیں، مساوات ۵.۳۲ اور مساوات ۵.۳۳ نیونمیٰ میکانسیات کی حسد و د سے باہر مجمی و تبایل اطسان ہیں۔ ان کا اطسان ان ذروں پر بھی ہو گاجو روسشنی کی رفت ارکے متسریب رفت ارپر حسر کرسے مسیں ہوں (جہاں نیوٹنی میکانسیات کارآمد نہسیں رہتی اور جہاں خصوصی نظسر سے اضافت استعال کرنا ہو گا)، اور ان کا اطسان زیر جوہر ذروں پر بھی ہو گا (جہاں کو انٹم میکانسیاست کا راج چلت ہے)۔ آج تک الی کوئی مشال نہسیں دیکھی گئی جو زاوی معیار حسر کسے کی بقسا کے متان نوئ کو مطمئن سے کرتی ہو۔

اہے ہم تین ایسی مشالوں پر بحث کرتے ہیں جن مسیں اسس متانون کی دمنسل اندازی یائی حباتی ہے۔

ا. چکر کھاتا رضا کار مشکل 16.11 مسیں ایک طبالب عسلم سپائی پر ،جو انتصابی محور پر گھوم سکتی ہے، بیٹھ و کھسایا گیا۔ اسس کا زادی گئی ہے۔ پھیلے ہاتھوں مسیں وزن کھتا ہے طبالب عسلم کو ابت دائی زادی رفت ارس کے گھسایا گیا۔ اسس کا زادی معیار حسر کے سمتی کے آئنسانی محور پر اوپر رخ ہے۔

طالب عسلم ہاتھ جم کے قت ریب کرتا ہے؛ کیت محور گھیاہ کے قت ریب کرنے سے طالب عسلم کا گھیں ری جم ہے ہوں اس کے گونے کی شرح  $\omega_i$  سے بڑھ کر ہوں ہو گی۔ ہاتھ پھیلا کر (وزن دور کر کے) مطالب عسلم اپنی رفت ار دوبارہ گٹاتا ہے۔ طالب عسلم ، تبائی ، اور وزن پر مشتل نظام پر کوئی صافی ہیں رونی قوت مسلم اپنی رفت کر جمال نہیں کرتی۔ یوں ، اس سے قطع نظر کہ طالب عسلم اپنے ہاتھ کہاں رکھتا ہے ، محور گھاو پر نظام کا

- زاوی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہوگا۔ شکل 16a.11 مسیں طالب عسلم کازاوی رفت ارسی کا فئی تم ہے اور اسس کا گھیے ہیں ہوگا۔ شکل 16b.11 مسیں  $I_i$  کھنے کی تلاثی زاوی رفت ارمسیں اضاف کر تاہے۔ اسٹانی اور مسال کی مصلحہ کرتا ہے۔
- عوطہ باز شکل 17.11 میں کمنی دار تختے سے غوطہ باز ڈیڑھ کلابازیاں کھاتاد کھایا گیا ہے۔ جیب آپ توقع کر کست ہیں کہ میں کا مسر کز کمیت قطع مکائی دار تختے سے ، کلابازیاں کھاتاد کھیا گیا ہے۔ جیب آپ توقع کر پر مغیبر مہم زادی معیار حسر کت لَ کے ستھ روانا ہوتا ہے ، جو سشکل 17.11 میں صفحہ کو عصود دار ہوگا۔ پرواز کے دوران کلاباز پر کوئی صی فی ہیں ہوئی ہور وئی قوت مسروڑ عسل نہیں کرتی، البندا مور گھیاو پر اسس کازاوی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ ہاتھ اور پسیر جم کے وسریب کرنے پر ای مور کے لیاظ ہے ، اسس کے گھیسری جود مسیں کی دور مسیں کی روزن ہوگا۔ اور پول مساوات ہم کے حت اسس کے زادی رفت ار مسیں اصف ف پسید اہوگا۔ سطی ہو گئی کر کلاباز پول میں داخت کی ہو جود مسیں کر کے گھیسری جود برخس کر اور زادی رفت ار گھاتا ہے ، تا کہ پانی مسیں داخت کی ہو تی ہوگا۔ کوئل دیتے ہوئے کلابازیاں کھاتا ہے ، پوری پرواز کے دوران ، غوط باز کے زادی معیار حسر کرت کی ، صدر اور رز فردنوں مسیں ، بقت لازماً ہوگا۔
- ۳. ممیر چملانگ جب کھاڑی دوڑ کر لبی چھانگ کے لئے زمسین سے اچھات ہے، افقی محور پر کھاڑی کو آحسری و تدم آگے رخ گھاو کا زاوی معیار حسر کت دیت ہے۔ ایس گھاو کھاڑی کو زمسین پر محسیح طسریقے سے اترنے نہیں دیت۔ زمسین پر پہنچ کر کھلاڑی کی ٹائلیں اکٹی اور اسس زاویے پر آگے ہوئی حپ ہے کہ ریت مسیں ایڑیوں کا نشان زیادہ سے زیادہ مناطے پر بنچ اڑان کے بعد کوئی بیسرونی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہے البندازاوی معیار حسر کت (کی بقت کی بروات) تبدیل نہیں ہوگا۔ البت، کھلاڑی بازووں کو حبکر دے کر زاوی معیار حسر کت کا بیٹ ترص بازووں کو متقت لیک کرتا ہے۔ کہ ساڑی بازووں کو متقت کی سیت بند ہوگا۔
- بازیگر ایک پاون پر گھسٹرا ہو کر دوسرے ٹانگ کو جہم کے ساتھ °90 زاویے پر رکھ کر نہایت کم زادی رفت ارسے گھومت ہے؛ بین گھومت ہے (شکل 19a.11)۔ اسس کی زادی رفت اربیشکل نظر آتی ہے۔ وہ شینری سے ٹانگ نیچ کر کے اچھلت ہے؛ بین جہم اور ٹانگوں کے نیخ زاویہ θ ہوگا(شکل 19b.11)۔ عصود دار ٹانگ کازاویہ کم کرنے سے اسس کا گھسیری جود کم ہوگا۔ بندیل نہیں بازیگر کے جمم پر کوئی ہیں دونی صافی قو سے مسروڑ عمسل نہیں کرتی لہندا اسس کازادی معیار حسر کسے تبدیل نہیں ہو سکتا۔ یوں گھسیدی جمود کم ہونے کی وجب سے اسس کی زادی رفت اربڑھے گی۔ تمیاث کی کویکرم شین ٹھومن حسیران کرتا ہے۔ داپس زمین کو چہنچنے سے قبل بازیگر ٹانگ کو عصود دار کر کے زادی رفت ار دوبارہ کم کرکے زمین پر اتر تاہے۔

#### آزمائش ۷

ایک چھوٹا فت رص، جس کے چکا پر بھونرا بیٹھ ہے، انتصابی محور کے گرد گھوم رہاہے۔ اگر بھونرا فت رص کے وسط کی حبانب کلبلائے، کب بھونراو فت رص نظام کا(۱) گھمیسری جمود، (ب)زاوی معیار حسر کری، اور (ج)زاوی رفت ار (وسطی محور کے لیاظ سے) بڑھے گارگی)، گھٹے گارگی)، یاتب میل نہیں ہوگارگی)؟

نمونی سوال ۵.۵: زاوی معیار حرکھ کی بقا، گھومتے سے کا مظاہرہ

شکل 20a.11 میں ایک طالب عسلم سپائی پر بیٹ وکھایا گیا ہے۔ سپائی انتصابی محور پر گھوم سکتی ہے۔ طالب عسلم، جو ابت دائی طور سائن ہے، سائیل کا پہیا پکڑے ہوئے ہے، جس کے چکا کا وزن سیہ سے بڑھایا گیا ہے۔ وسطی محور کے لیاظ نے پہیے کا گھسیری جود بڑھا  $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg \, m^2}$  ہے۔ وسطی محور کے لیاظ نے پہیے کا گھسیری جود بڑھا ہے۔  $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg \, m^2}$  کے بر سید لگانے پہیے کا گھسیری جود بڑھا ہے۔ کا سید کا گھسیری جود بڑھا ہے۔ کا گھسیری جود بڑھا ہے۔ کا سید کا گھسیری جود بڑھا ہے۔ کا کہ بھی بیٹر کے لیاد کی بیٹر کی بھی بیٹر کی بیٹر کی بیٹر کے بیٹر کی بیٹر کے بیٹر کی بیٹر کی بیٹر کی بیٹر کی بیٹر کی بیٹر کے بیٹر کی بی

پہیے کازاوی رفت ار 3.9 حب کرنی سیکنڈ ہے اور فعن سے نیچے دیکھ کراسس کارخ حنلاف گھٹڑی ہے۔ پہیے کاد ھسر اانتقب ابی ہے، اور اسس کے زاوی معیار حسر کت لئی لئی کارخ انتصابی اوپر وارہے۔

طالب عظم پہیے کو الٹ کرتا ہے (شکل 20b.11) الہذا اب فصن سے نیچے دیکھتے ہوئے پہیا گھٹڑی وار گھومت ہے۔ اس کا ذاوی معیار حسر کت اب  $J_{-}$  ہوگا۔ پہیا الٹ کرنے کی وجہ سے طالب عظم، تپائی اور پہیے کا وسط بطور مسر کہ استوار جم تپائی کے محور گھساو کے گرد گھمیسری بحود  $I_b = 6.8 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$  کے ساتھ گھوٹے ہیں۔ (پہیا اپنے وسطی محور کے گرد گھومت ہے، تاہم اس سے مسر کہ جم کا کمیتی تقسیم اثر انداز نہیں ہوتا؛ یوں  $I_b$  کی تیمت وہی ہوگا دیسے وہی ہوگا گھومت ابوی سے گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو۔ کہ پہیا الٹ کرنے کے بعد ، مسر کہ جم کس زاوی رفت ار  $M_b$  اور کس رخ گھومت ہو

#### کلب دی تصورات

- ا. زادی رفت ار $\omega_b$  کا، جوہم حبانت حیاہتے ہیں، تپائی کے محور گھساوپر، مسرکب جہم کے اختتامی زاوی معیار حسرکت  $L_b$
- ۲. پہیے کی ابت دائی زاوی رفت اور پہیے کے وسط کے گرد، پہیے کے زاوی معیار حسر کت  $\vec{L}_w$  کا تعلق بھی مساوات دیتی ہے۔
  - س.  $\vec{L}_b$  اور  $\vec{L}_w$  کا کوجموعہ طالب عسلم، تپائی، اور پہیے کا کل زادی معیار حسر کت کی دیگا۔
- $\frac{1}{2}$  تبدیل  $\frac{1}{2}$

 $\vec{c}$  حمایہ: مشکل 20c.11 مسیں سمتیات کی بقب ظلم کرتے ہیں۔ اسس بقب کو انتصابی محور کے ہمسراہ احبزاء کے رویہ مسین بھی کھیا حب سکتا ہے:

$$(\textbf{a.ra}) \hspace{3cm} L_{b,f} + L_{w,f} = L_{b,i} + L_{w,i}$$

جہاں i اور f بالت رتیب (پہیا الٹ کرنے ہے قبل) ابت دائی حسال اور (پہیا الٹ کرنے کے بعبہ) انتقامی حسال ظاہر کرتی ہیں۔ پہیا الٹ کرنے ہے بہیے کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ الٹ ہوا لہنہ اہم  $L_{w,f}$  کی جگ  $-L_{w,i}$  والہنہ اللہ  $L_{b,i}$  = 0 رابت دائی طور پر طبالب عسلم، شپائی، اور پہیے کا وسط ساکن تھے) رکھ حبائے، مساوات 8.70 یل ویگا۔

$$L_{b,f}=2L_{w,i}$$

$$\omega_b = \frac{2I_w}{I_b} \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

$$= 2I_w \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

مثبت جواب کہتی، فصن سے دیکھتے ہوئے، شپائی کے محور پر طسالب عسلم حنلان گھسٹری گھومت ہے۔ اگر طسالب عسلم رکھنا حپ عسلم رکھنا حپ ہے، اسس کو پہیا واپس اصل حسالت مسین لانا ہو گا ( لیحنی ایک مسرتب دوبارہ پہیا الٹ کرنا ہو گا)۔

# نمونی سوال ۵.۱: زاوی معیار حرکتے کی بقا، قرم ریر بھوزا

 $\omega_i$  کیت R اور رداسس R کے مسترص پر کمیت m کا بھوز اسوار ہے۔ مسترص انتصابی وسطی محور پر R کیا پر R اور رداسس R بھوز ابتد الی طور R بھوز ابتد الی طور R بھی الی مسترص کے پکا پر پہنچ تا ہے۔ بھوز اکو ایک ذرہ تصور کریں۔ پہنچ کر بھوز اک زاوی د فت ارکسیا ہوگ۔

#### کلی دی تصورات

(1) بھونرا کے کلبلانے سے بھونراو مسرص نظام کی تمسیق تقسیم (البندا گھمیسری جود) تبدیل ہوتی ہے۔ (2) ہیسرونی قوت مسروڑ کی عصد م موجود گل مسین نظام کی زادی معیار حسر کست اٹل ہوگا۔ (بھونراکے کلبلانے کی قوتیں اور قوت مسروڑ نظام کی اندرونی ہیں۔)(3)مساوات اسری (L=Iw) استوار جسم کا زادی معیار حسر کست دیتی ہے۔

حماہے: ہم اختای زاوی رفتار حبانت حہاہۃ ہیں۔ہم اختای زاوی معیار حسرکت  $L_f$  کو اہتدائی زاوی معیار حسرکت  $L_i$  کے برابر رکھتے ہیں (چونکہ دونوں مسیں زاوی رفتار شامل ہے)۔ ان مسیں گھمیسری جود بھی شامل ہے۔ لہٰ خاکلہانے نے قبل اور کلہلانے کے بربجوز اوقت رص نظام کے گھمیسری جود کی تلاش سے آعن زکرتے ہیں۔

وسطی محور پر گھومتے ہت رص کا گھسیسری جمود حبدول 2c.10 کے تحت  $\frac{1}{2}MR^2$  ہے۔ کمیت M کی جگہ 6.00m ڈال کر متسر ص کا (ذیل) گھمیسری جمود تلاسٹ کرتے ہیں۔

$$(a.rq) I_d = 3.00mR^2$$

(بمیں m اور R معلوم نہیں، لیکن طبیعیات کاباتھ تھتام کر حیلتے ہیں۔)

r=0.800R ہوگا۔ بھونراکاابت دائی ہونراکا(ذرے کا) گھیں ہود  $mr^2$  ہوگا۔ بھونراکاابت دائی رداسس r=0.800R اور اختتابی رداسس r=1 ڈال کر محور گھیاویر بھونراکاابت دائی گھیں ہود بھونراکا ابت دائی گھیں ہود ہونراکا ابت دائی گھیں ہونراکا ہونرا

$$I_{bi} = 0.64mR^2$$

اور اختیامی گھمیےری جمود  $I_{bf}$  حساس کرتے ہیں۔

$$I_{bf} = mR^2$$

يوں بھونراو  $I_i$  ويل بھونراو  $I_i$  ويل بھونراو ميان نظام کاابت دائی گھميے ری جمود نا

$$I_i = I_d + I_{bi} = 3.64 mR^2$$

اوراختامی گھیسری جمود I زیل ہوگا۔

$$(a.r\bullet) I_f = I_d + I_{bf} = 4.00mR^2$$

 $L_f$  استعال کرتے ہوئے ہم نظام کے اختتا می زادی معیار مسرکت  $(L=I\omega)$  معیار سرکت  $(L=I\omega)$ نظام کے ابت دائی زاوی معیار حسر کے  $L_i$  کے برابر رکھتے ہیں۔

$$I_f \omega_f = I_i \omega_i$$

آپ دیکھ سکتے ہیں، چکا کی طسر نہ بھوزا کے کلبلانے سے کچھ کمیت محور تھمیاو سے دور منتقبل ہوتی ہے ، المہذا نظام کا گھے ری جمود بڑھتاہے، جو س گھٹنے کاسے بنتا ہے۔

# ۵.۹ مکن حیر خی کی استقبالی حسر کی

م**قاصد** اسس ھے کو بڑھ کر آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ حپکر کھاتے ممکن پرخی کر تحباذ بی قوت ممسل کرے اس کے حبکری زاوی معیار حسر کت سمتیہ کو (البذامسکن حپ رخی کو)انتصابی محور کے گرد گھماتی ہے۔اسس گھومتی حسرکت کو استقبالی حسرکت کہتے
  - ۲. مکن حییر خی کی استقال حسر کت شیرج تلاسش کرمائیں گے۔
  - ٣. حيان مائيں گے كه استقالي حسر كت مشيرح يرمسكن حيير في كي كميت كاكو كي اثر نہيں۔

## كليدي تصور

• پکر کھاتی مکن سپر فی کے تیک ہے گزرتی انتصابی محور کے گرد مکن سپر فی ذیل مشرح سے استقبالی حسرکت کرسکتی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

جہاں M مسکن جبر فی کی کمیت،  $\gamma$  معیار اثر کابازہ، I گھمیسر کی جمود، اور  $\omega$  شرح جبرہے۔

gyroscope<sup>2</sup>

#### مسكن حبيرخي كي استقبالي حسيركت

و ھے رہے پر نسب پہپ جو د ھے رہے پر حیکر کائے سکتا ہو ، سادہ مسکن حیسر فی دیگا۔اگر ساکن مسکن حیسر فی کے دھے رہے د ھے رہے کا ایک سر تیک پرر کھ کر (شکل 22a.11)مسکن حیسر فی چوٹری حبائے، وہ د ھے رہے نجیلے سسر پر گھوم کر نینچے گرے گیا۔ چونکہ گرنے مسیں گھوماٹ امسل ہے، اسس پر نیوٹن کامت انون دوم لاگو ہوگا، جو (ذیل) مساوات ۲۹۔۵۲ بی ہے۔

$$\vec{\tau} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$

$$(a.rr) \tau = Mgr \sin 90^\circ = Mgr$$

اوررخ شکل 22a.11مسیں د کھایا گیا ہے۔ ( Mg اور تر کے چراوی موسی

تین حپکر کھاتی مسکن حپ رخی کاروی مختلف ہو گا۔ منسر ض کریں دھ سراافق ہے اوپر وار زاویے پر رکھ کر مسکن حپ رخی رہا کی حب قرب کی کہ استان مسکن حپ رخی معمولی نیچے (گرتے ہوئے) گھومتی ہے، کسیکن اسس کے بعد دھ سرے پر حپکر کائے ہوئے، نظف تیک 0 سے گزرتی انتصالی محورکے گر دافقی گھومٹ شند وع کرتی ہے، جواستقبال حرکھے ^ہلاتا ہے۔

ممکن پرخی گرقی کیون شهیری؟ حبکرناکاٹے ہوئے مسکن حبر فی کی طسرح حبکر کاٹی مسکن حبر فی نیچے کیوں نہیں گرتی؟ رہا کرنے پر مسکن حب رفی گرنا مشروع کرتی ہے، تاہم Mg کی پیدا کر دہ قوت مسرور اُبت دائی زادی معیار حسر کت کوصف ر قیمت ہے تبدیل نہیں کرتی، بلکہ حبکرے پیدا غیب رصف رقیمت ہے تبدیل کرتی ہے۔

سے مستجھنے کے لئے کہ ابتدائی غیب صف رزاوی معیار حسر کت کیے مسکن حیب رقی کو استقبالی حسر کت پر محببور کرتا ہو گا۔ میں حیب رقی کے زاوی معیار حسر کت لئے پر غور کرنا ہو گا۔ صورت حسال آسان بنانے کی حناط سر، ہم منسر ض کرتے ہیں کہ لئے کے لیے اظ سے استقبالی حسر کت سے پیدازاوی معیار حسر کت و تابل نظر رائد ہے۔ ساتھ بی کہ جس لمجھ استقبال حسر کت انداز ہے۔ ساتھ بی کہ جس المجھ استقبال حسر کت شدری ہوتی ہے ، ہم و تسرط کو تابدر کھتے ہیں کہ جس الحمد استقبال حسر کت شدری ہوتی ہے ، دھسراافتی ہے۔ مساوات ۵۳ ہی کے وحدر کھتے ہیں:

$$(a, rr)$$
  $L = I\omega$ 

جہاں دھسرے کے لحیاظ ہے I مسکن حسر ٹی کا گھسیسری جمود اور دھسرے پر حسکر کاننے کی پہیے کی زادی رفت ارU ہے۔ جسب شکل 22b.11 مسیاں دکھسایا گسیا ہے ہمتیہ U دھسرے کے ہمسراہ ہوگا۔ چونکہ U معیار الڑ کے بازو U ومتوازی ہے، گوت مسرور ڈی لازماً U کو عسود دار ہوگا۔

precession<sup>^</sup>

مساوات ۵.۴۱ کہتی ہے، وقت وقف dt مسیں قوت مسروڑ  $\vec{\tau}$  مسکن حپر خی کے زاوی معیار حسر کت کی قیت مسین (ذیل) معمولی تبدیل  $d\vec{L}$  پیدار تی ہے۔

$$(\mathbf{a}.\mathbf{rr}) \qquad \qquad \mathbf{d}\vec{L} = \vec{\tau}\,\mathbf{d}t$$

 $\vec{L}$  تاہم، تبیز حپر کائی مسکن حب رخی کے لئے،  $\vec{L}$  کی ت در مساوات 3.40 کے تحت اٹل ہے۔ یوں قوت مسروڑ صرف کارخ تب بل کر سکتا ہے، ناکہ اسس کی ت در۔

مساوات 0.00 گنت 1 کارخ 1 کو عسود دار ہوگا۔ زادی معیار حسرت کی تبدیل کے بغیبر، 1 کارخ 1 کارخ 1 کارخ 1 کاواحد طسرایت، جیب مشکل 1 22c.11 مسیں د کھیایا گیا ہے، محور 1 کی گفیبر، 1 کا صدر بر تسرار رہتی ہے، محمتہ 1 کا سسر دائری راہ پر چلت ہے، اور 1 میش اس راہ کو ممی کی رہت ہے۔ چونکہ 1 کا فرمن ہوگا، دھسرے کو محور 1 کے گرد 1 کی رخ گومن ہوگا۔ وسرت تبدا ہوگا۔ دست رائی زادی معیار حسرت مسیں تبدیل کے در عمل کے دوران حیکر کا ٹی مسکن حیبر ٹی کو نیوٹن کے وت نون دوم (کے گرد اوی معیار حسر کے میب کا اس کو استقبال حسر کے رہ کو ہوگی۔ زادی روی کی ہوگی۔

استقبال حرکھے۔ ہم ساوات ۱۵٬۴۲ ورمساوات ۱۵٬۴۲ مستعال کرے  $\mathrm{d}\vec{L}$  کی تعدر تلامش کرے:

$$dL = \tau dt = Mgr dt$$

استقبالی ترکت کی شرح ۹  $\Omega$  تلاش کرسے ہیں۔ باریک وقت وقف dt میں معمولی تبدیلی رونس ہوگی، دوسرا اور L کور z کے گرداستقبال حسر کت کرتے ہوئے چھوٹے زاویہ  $d\phi$  سے گزرتے ہیں۔ (شکل 220.11 میں زاویہ  $d\phi$  بڑھا حسر گرمان ہیش کیا گیا ہے، تاکہ اسس کی وضاحت ہو۔) مساوات  $d\phi$  برمان ہوگا۔  $d\phi$  کی مددے  $d\phi$  وزیل حسام ہوگا۔

$$d\phi = \frac{dL}{L} = \frac{Mgr \ dt}{I\omega}$$

دونوں اطسرانے dtے تقسیم کرکے شرح  $\Omega=\mathrm{d}\phi/\mathrm{d}t$  رکھ کرذیل میں سال ہوگا۔

(۵.۲۲) 
$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega} \qquad (2 شرک ک نشری)$$

 $\Omega$  نیادہ ہو۔ یاد رہے،  $\omega$  بڑھانے ہے  $\Omega$  کو سیسر جو گاکہ حیکر کاٹے کی سیسر جی نیادہ ہو۔ یاد رہے،  $\omega$  بڑھانے ہے  $\omega$  گھٹتا ہے۔ ساتھ ہی یاد رکھیں، اگر تحباد بی تو سیس کی توسی کی سیسر ٹی پر عمسل نے کرتی استقبابی حسر سیس بہ وتی،  $\omega$  کاتف عسل ہے لہذا مساوات ۵.۳۲ میں کیت کے حبائے گااور  $\omega$  کیت پر مخصسر نہیں ہوگا۔

مساوات ۲۶.۵۷ اطلاق اسس حپکر کاٹے مسکن حسر فی پر بھی ہو گا جس کا دھسرا افق کے ساتھ زاویے پر ہو۔ اسس کا اطلاق حپکر کاٹے الٹویر بھی ہوگا، چونکہ لٹودر حقیقت افق کے ساتھ زاویے پر مسکن حسر فی ہی ہے۔

precessionrate9

نظب رثانی اور حنـلاصب

لوهكتے اجمام رداس R كاپہياجو بموارى سے لاهكت بوكے لئے ذيل بوگا:

$$v = \omega R$$

جہاں پہیے کے مسر کز کمیت کی خطی رفت ار <sub>سر کز کمیت</sub> تا اور وسط کے گردیہے کی زادی رفت ار س ہے۔ پہیے کو "سٹر ک "کے نقطہ P کے، جہاں پہیا سٹر کرے ہے تماسس مسیں ہے، گرد لحماتی گھومت تصور کمیا حباسکتا ہے۔اسس نقط پر پہیے کی زادی رفت ار پہیے کے وسط پر پہیے کی زادی رفت ارکے بر ابر ہوگی۔ لڑھکاتے پہیے کی حسر کی توانا کی ذیل ہے:

ا گر پہیازاویہ  $\theta$  میلان سے ہموار نیچے لڑھکنی ہو،میلان کے اوپر وار ہمسراہ محور xیرانس کا اسراع ذیل ہوگا۔

ق مروڑ لبطور سمتیں تین ابساد مسیں، آت ایک سمتیہ ہوگاجو کسی مقسررہ نقط (جوعسوماً مبداہوگا) کے لیاظ سے معسین ہوگا؛ اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$ec{ au} = ec{r} imes ec{F}$$

جہاں ذرے پرلا گو قوت  $ec{f}$  اور کی اٹل نقط کے لحیاظ سے ذرے کامعتام تعسین گر سمتیہ  $ec{r}$  ویت ہے۔

(a.12 (a.14) 
$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

جباں  $\vec{F}$  اور  $\vec{r}$  کے  $\vec{g}$ زاویہ  $\phi$  ہے،  $\vec{r}$  کو عصود دار  $\vec{F}$  کا حبزو  $F_{\perp}$  ہے، اور  $\vec{F}$  کا معیار اثر کا بازو  $r_{\perp}$  ہے۔ دائیں ہاتھ کا صاحب ہ  $\vec{r}$  کا رخ دیگا۔

 $\vec{v}$  اور خطی سمتی رفت از ہے جس کی کیت m ، خطی معیار حسر کت  $\vec{v}$  ، اور خطی سمتی رفت اور  $\vec{v}$  ہوکاناوی معیار حسر کت  $\vec{v}$  ، ایک سمتی رفت اور کی اٹل نقل (جو عصوماً مید ابوگا) کے لیے اعمین ہوگا۔

(a.in) 
$$\vec{\ell} = \vec{r} imes \vec{p} = m(\vec{r} imes \vec{v})$$

 $\vec{\ell}$  کی ت در ذیل دیتی ہیں:

$$(a.19) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

$$(a.r\bullet) \qquad \qquad \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$(a.r) \qquad \qquad \ell = r_{\perp} p = r_{\perp} m v$$

جباں  $\vec{r}$  اور  $\vec{p}$  کے  $\vec{g}$ زاویہ  $\phi$  ہے،  $\vec{r}$  کو عصود دار  $\vec{p}$  اور  $\vec{v}$  کے حبزو  $p_{\perp}$  اور  $p_{\perp}$  بیں، اور اٹل نقطے کا مبوط  $\vec{p}$  عصود دار ون اصلہ  $p_{\perp}$  ہے۔ دایاں ہاتھ وت اعبدہ  $\vec{b}$  کارخ دیگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کا زاور روپ درے کے لئے نیوٹن کانت نون دوم زادی روپ مسیں ذیل تکھ جب سکتا ہے:

(a.rr) 
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جبان ذرے پر صافی قوت مسروڑ  $\vec{\tau}$  اور ذرے کازاوی معیار حسر کت  $\vec{k}$  ہے۔

فروں پر مثنگی نظام کا زاوی معیار حرکھ زروں پر مشتل نظام کا زادی معیار حسر کے آذروں کے انفسرادی زادی معیار  $\vec{L}$  کا تمتہ محب وعیہ ہوگا۔

(a.ry) 
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

اس زاوی معیار حسر کت کا وقت تغسر ق نظام پر صافی ہیں رونی قوت مسروڑ (نظام سے باہر ذروں کے ساتھ باہم عمسل سے پیدا قوت مسروڑ کے سعتی مجسوعہ) کے برابر ہوگا۔

(۵.۲۹) 
$$au_{ij} = rac{dec{L}}{dt}$$
 (زروں پر مشتمل نظب م

استوار جهم کا زاوی معیار حرکت مقسره محور پر گلوت ہوئے استوار جهم کا، محور گلمساو کو متوازی، زاوی معیار حسر کسسے کا حب زو ذیل ہوگا۔

(a.m) 
$$L = I\omega \qquad (50, -1)$$

زاوی معیار ترکھ کی بقا نظام پر صانی سیسرونی قوت مسروڑ صنسر ہونے کی صورت مسیں نظام کازاوی معیار حسر کتے گی اللہ وگا۔

$$(2.mr)$$
 متقل  $\vec{L} = \vec{L}$  (بدانظام)

$$($$
ه.rr $)$   $ec{L}_i = ec{L}_f$  (مبدانظام)

ب زاوی معیار ترکھ کی بقا کا قانون ہے۔

مکن پرخی کی استقبال حرکھ حیکر کائتی مسکن حیر خی تیک ہے گزرتی انتصابی محور پر ذیل مشرح ہے استقبال حرکت کرستی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

جہاں M مسکن حبر فی کی کمیت،  $\gamma$  معیار اثر کابازو، I گھمیسر کی جود، اور  $\omega$  حبکر کاٹنے کی شرح ہے۔

#### سوالا \_\_\_\_

سوال ۱.۵: ایک کمیت اور ایک مستقل رفت ار پر چلتے ہوئے تین ذروں کے سمتی رفت ارسمتیات شکل 23.11 مسیں دکھائے گئے ہیں۔ نقساط 6 ، 0 ، اور 4 چوکور کی راسس پر جبکہ اسس کے مسر کز پر ہے۔ ان نقطوں کی در حب سندی، اعظم میں۔ اول رکھ کر، نقط پر تین ذروی نقل م کے صافی زادی معیار حسر کرت کے لحاظ سے کریں۔

سوال ۵.۲: ذرہ A اور ذرہ B کا xyz کو مصدد  $(1 \, m, 0, 1 \, m)$  اور  $(1 \, m, 0, 1 \, m)$  ہے (شکل 24.11) ہیں ایک فررے پر تین گسنتی دار قوت مسل کرتی ہیں، جن کی تدر ایک برابر اور رخ ایک ایک محمد دی محور کے رخ ہے۔ (۱) کون می قوت مسدوڑ کی قت در قوت مسروڑ کی قت در کے لین ایک خور کے رقوت مسروڑ کی قت در کے لین ظرے تو توں کی در جب بیندی، اعظم قیت اول رکھ کر، کریں۔

سوال  $\vec{F}_3$  فوری دار لٹو کا دھ گہ (۱) تو ہے  $\vec{F}_2$  ہے (جس کا خط عمل مینز پر نقطہ تماس ہے گزر تا ہے)، (ب) تو ہو تا ہے (جس کا خط عمل نقطہ تماس ہے بلٹ دی پر گزر تا ہے)، اور (ج) قوت  $\vec{F}_3$  (جس کا خط عمل نقطہ تماس ہے بلٹ دی پر گزر تا ہے)، اور (ج) قوت دائیں گزر تا ہے) ہے کھینے حباتا ہے۔ ابت دائی طور ساکن ڈوری دار لٹوکو کے ہوگا؟

سوال ۵.۵: مبدا پررکھے ذربے پر ایک وت درکی تین قوت عمسل کرتے ہیں (مشکل 26.11)۔  $\vec{F}_1$  سیدھ صفح کے اندر رخ عمسل کرتے ہیں (مشکل 26.11)،  $P_2$  ، اور (ج) نقط ہے  $P_3$  ، اور (ج) نقط ہے جہت اول رکھ کر ، (۱) نقط ہے  $P_1$  ، (ب) نقط ہے کہ کہ کہا ہے کہا ہے کہ کہا ہے کہا ہے کہ کہا ہے کہا ہے

 $\ell=(2)$ :  $\ell=3t+4$  (1) سین (10 میبار حسر کت  $\ell(t)$  سین (10 میبار حسن (10 میبار (10 میبا

موال ۵.۸: متطیل سل جو وسطی نقط ہ O سے گزرتی انتصابی محور کے گردگھوم سکتی ہے کافصن کی نظارہ شکل 27.11 میں بیش ہے۔ سام سیں چھنس حباتا ہے، جو سل مسیں دھنس حباتا ہے۔ چھسرول کی کمیت ایک حبیبی اور دفتار ایک برابر ہے۔ (۱) معتامات کی در حب ببندی، اعظم قیمت اول رکھ کر، چھسرول کی کمیت ایک اور چھسرا) کی زاوی دفتار کے لیاظے کریں۔ (ب) نصن سے دیکھتے ہوئے کن راہ کے لئے سل (اور چھسرا) کی زاوی معیار حسر کے منفی ہوگی؟

سوال 9.3: سشکل 28.11 مسیں پہیے کے زاوی معیار حسر کس کی متدر کے بالقابل وقت t پیش ہے۔ حیار حسرون دار وقتی دورانیوں کی در حب سندی پہیے پر عمسل پسیرا قوت مسروڑ کی متدر کے لحاظ سے کریں۔ اعظم قیت اول رکھیں۔

موال ۱۰.۵: مستقل سمتی رفت از تن پر چلت ابوا ذره اور پاخی نقطی بمن xy میدد مشکل 29.11مسین د کھائے گئے ہیں۔ نقط پر ذرے کے زادی معیار حسر کت کی تندر کے لیاظ سے نقطوں کی در حب بسندی کریں۔ اعظم قیمت اول رکھیں۔

سوال ۱۱.۵: توپ کا گولا اور تنجاب کن حسالت ہے مسلمان پر نشیب وار لڑھکتے ہیں۔ کسیا توپ کے گولے کا کنچے ہے (۱) زمسین تک چینج کا دورانیہ اور (ب) زمسین پر پہنچ کر خطی حسر کی تو انائی زیادہ ہو گی، کم ہو گی، یا دونوں بر ابر ہیں؟

سوال ۱۱.۵: پیتل کے ٹھوسس ہیان اور ککڑی کے ٹھوسس ہیان کی کمیت اور رداسس ایک پین (ککڑی کا ہیان زیادہ لمب ہے)۔ ایک ساتھ رہائی کے بعد دونوں میلان پر لڑھکتا ازتے ہیں۔(۱)کون ہیان زمسین پر پہلے پہنچے گا، یاکسیادونوں ایک ساتھ بہنچتے ہیں؟(ب)کلڑی کے ہیان کا سر کاٹ کر ہیان کو پیتل کے ہیان بھناہت یا جب اور پیتل کے ہیان کی کوسطی کمی محور مسیں سوراخ کر کے کمیت گیاکر دونوں ہیان کی کمیت برابر کی حباتی ہے۔ اب کون ہیان مقتا بلے مسیں برابر ثابت ہوتے ہیں؟

#### سوالا \_\_\_\_

# متقم حسرك اور گھاوم ل كرلڑھكاودية ہيں

سوال ا.۵: ایک گاڑی  $kmh^{-1}$  80 km  $h^{-1}$  0 رفت از سے اس کے پہنے دن جہاں ہی ہے۔ اس کے پہنے دور کا گاڑی مسیں سوار شخص کے لحیاظ ہے ، اکائی سمتیہ ترقیم مسیں ، پہنے کے (۱) وسط، (ب) بالا سر، اور (و) مخیلے سر کے اسراع کی وقت در a کسیا ہوگی ؛ سر کے اسراع کی وقت در a کسیا ہوگی ؛ سر کے کسنارے شخص کے لحیاظ ہے ، اکائی سمتیہ ترقیم مسیں ، پہنے کے (ز) وسط، (ز) بالا سر، اور (ط) مخیلے سر کی مستی ترقیم مسین ، پہنے کے (ز) وسط، (ز) بالا سر، اور (ط) مخیلے سر کی مسین ، پہنے کے (ز) وسط، (ز) بالا سر، اور (ط) مخیلے سر کی مستون دفت ان تی کہ سوراع کی وقت در a کسیا ہوگی ؟

-(1) حوال -(1) عوال -(1) عن میں ہے۔ (1) عوال -(1) عن میں ہے۔ (1) عوال -(1) عوال -(1) عاد ہے کہ دوسرے کے لیے افرادی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) پہنے کے دوسرے کے لیے افرادی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) پہنے کے دوران گاڑی کتن این اسل مطے کرتی ہے؟ حباتی ہوگا؟ (خ) رکنے کے دوران گاڑی کتن این اسل مطے کرتی ہے؟

#### لڑھکاو کی قوتیں اور حسر کی توانائی

سوال 3.0 افتی زمسین پر  $140 \,\mathrm{kg}$  کا گھیے رالڑھکتا ہے۔ گھیے رے کا مسر کز کمیت  $0.150 \,\mathrm{m\,s^{-1}}$  رفت ارت کے لئے کت کا کا مسرانے میں کرناہوگا؟

موال ۵.10٪ شوسس یک ان کرہ میلان پر لڑھکت اتر تا ہے۔ (۱) کرہ کے مسرکز کمیت کے زادی اسسراع کی متدر 90.10٪ میلان پر پھسل کر اترے، کیا اسس کے اسسراع کی متدر بھوٹ کے لئے زاوی میلان کی بیاسس کے اسسراع کی متدر زیادہ ہوگی، کم ہوگی، ماوی ہوگی؟ کیوں؟

سوال ۵.۵: ایک گاڑی، جس کی کیت 1000 kg ہے۔ جپلتی گاڑی کے کل حسر کی توانائی کا کتن حصر (حیال ۵.۵: ایک گاڑی کے کل حسر کی توانائی کا کتن حصر (حیار) پہسیوں کے دھسرے پر گھماو کی بدولت ہو گا؟ پہیے کو یکساں مسترص تصور کریں۔ آپ کو پہیے کا رداسس حسانے کی ضرورت کیوں در پیش نہیں؟

v سوال 2.4 شکل 30.11 مسیں، 30° مسیلان پر v مسیلان پر مسیلان پر v مسیلان پر مسیلا

 $\theta = 2.2$  سوال ۵.2: شوس بیسان، جس کارداس  $10 \, \mathrm{cm}$  اور کمیت  $12 \, \mathrm{kg}$  بین میسان جس کارداس  $10 \, \mathrm{cm}$  اور کمیت  $10 \, \mathrm{cm}$  کارتاب کی چھت پر  $10 \, \mathrm{cm}$  کارتاب کی چھت پر  $10 \, \mathrm{cm}$  کارتاب کی گرفت پر ہے۔  $10 \, \mathrm{cm}$  کارتاب کاراوی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) چھت کا کت اردام مین پر گرتا ہے؟ جست کے کت ارب سیسان کتے افتی ون صلے پر استواز مسین پر گرتا ہے؟

 $h=2.0\,\mathrm{m}$  بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا  $H=6.0\,\mathrm{m}$  بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا  $H=2.0\,\mathrm{m}$  اونچے افتی کنارے ہے گرتا ہے (شکل 33.11)۔ نقل ہے کہ ہے کتنے افتی ون صلے پر گیند ذمسین پر گرے گا؟

سوال ۱۰.۵: ایک کھوکھ لاکرہ جس کا رداسس سا 0.15 اور مسرکز کمیت ہے گزرتی محور پر گھمیسری جمود است مان میں میں است کا رداسس سال پر ہموار لڑھک کر اوپر وار حسرکت کر تاہے۔ ابت دائی نقطہ پر کرہ کی کل حسر کی توانائی کے ابت دائی نقطہ پر کرہ کے مسرک توانائی کے کتنا جسرگی توانائی کے بہت راہ اوپر وار سال 1.0 مناصلہ طے کرنے کے پر کرہ کے مسرکز کمیت کی رفت ارکیا ہیں؟ بعد ، اسسکی (ج) کل حسرکی توانائی اور (د) مسرکز کمیت کی رفت ارکیا ہیں؟

سوال ۱۵.۱۱ دواسس  $\vec{F}_{g}$  اور کیہ وراسس  $\vec{F}_{g}$  الگوکی حب تی ہے موال ۱۵ سے متقل افتی توسد  $\vec{F}_{g}$  الگوکی حب تی ہے (مشکل 34.11)۔ پہیا فتی سطح پر ہموار لڑھکتا ہے، اور اسس کے مسر کز کیہ ہے۔ کے اسسراع کی متدر  $\vec{F}_{g}$  موار لڑھکتا ہے، اور اسس کے مسر کز کیہ ہے۔

(۱) اکائی سمتیہ ترقیم مسیں پہیے پرر گڑی قوت کیا ہے؟ (ب) مسر کز کمیت سے گزرتی مسر کز گھساد پر پہیے کا گھسیری جمود کسیاہے؟

حوال ۱۵.۱۲: پیستال کا ٹھوسس گیند، جس کی کییہ  $0.280 \, \mathrm{kg}$  ہے، گھیر در گھیر راہ کے سیدھے تھے پر ہاکرنے ہو  $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$  ہور ہاکر نے ہم راہ کے ہمسراہ ہموار گڑھک سکتا ہے (شکل 35.11) درائری گھیر کارداسس  $R = 14.0 \, \mathrm{cm}$  ہماراز پر بھنج کر گیند راہ سے علیحہ دہ ہونے کے دہانے پر ہو، h کیا ہوگی؟ (ب) اگر گیند R کیا کہ گئی کر گیند پر تو ہے کی (ب) تستدر اور (ج) کی کہ باہو گی؟ کہ گیند کی تو ہے کی (ب) تستدر اور (ج) کی کہ باہو گی؟ کہ گیند کے دہائے کہ کہ باکستان کو گئی کہ گیند کی تھے۔ کی (ب) کا کہ باکستان کے دہائے کہ کہ باکستان کی کہ باکستان کے دہائے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کو کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کر کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کی کہ باکستان کے کہ باکستان کی کہ باکستان کے ک

سوال ۱۳ ان عنی ریک گیند ، جس کارداس R اور کمیت M ہے ، ساکن حسالت سے میلان پر جو الرقع کے دائری گھیر پنجت ہے (شکل 36.11 کی ابت دائی بلندی h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان کو تاریخ کو گلیت دیر عصوری توت کی و تدر h=0.36 سے میلان کو افراد نوی کر دارونی کر دارجو یک اور کر کوئی خول (جو یک ان کو افراد کے مادے سے بنا ہے ) کے اور کر وی خول (جو یک ان کافت کے مادے سے بنا ہے کے اور کر وی خول (جو کی دوسر سے یک ان گافت کے مادے سے بنا ہے کہ جو گاہ ہوئی کا گلیت کے اور کر وی کوئی سے وی کا ہے h=0.36 سے بنایا گلیت ہے گئیت کے گئیت کر گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کر گئیت کر گئیت کے گئیت کوئی کوئیت کوئیت کی گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کوئیت کے کہنا کوئیت کے کہنے کہ کوئیت کوئیت

سوال 10.10: رداس  $R=11\,\mathrm{cm}$  کا گیند افتی راه پر روانا کیاحب تا ہے (شکل 38.11)۔ گیند ابت دائی رفت ار  $R=11\,\mathrm{cm}$  میں میں دواس  $R=10\,\mathrm{cm}$  کے ساتھ راہ پر گھٹت ہے اور اس کی ابت دائی زاوی رفت ار  $R=10\,\mathrm{cm}$  ہے۔ گیند اور اس کی ابت دائی زاوی رفت اور کیند کو خطی ممرع کرتی ہے راہ کے فیج حسر کی رگڑ کا متقل 20.21 ہے۔ حسر کی رگڑی قوت میں گرتی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے تا کافی گھٹے اور زاوی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی سے کافی گھٹے اور زاوی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے کہ بعد گیند گھٹے اور زاوی رفت از میں کی صورت میں کافی بڑھنے کے بعد گیند گھٹے ابند کر تا ہے اور ہموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے۔ (ا) اس کھے پر کس کی صورت میں مرزئی دیر کا میں ہوگا گھٹے در ان گیند کا رہے گھٹے کے دوران گیند کا (ب) خطی اسراع اور (ج) زاوی اسراع کی امول گے جوزی گیند کھٹے کے دوران گیند کا رہے ہوگا کی سے کہوار لڑھکٹ شروع کر تا ہے اس کھے مرزئی ہوگا ؟ (و) گیند کتے وضاصلہ گھٹت ہے ؟ (و) جس کھے گیند ہموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے اس کھے مرزئی ہوگا ؟

سوال ۱۱. ۵: غیبر یکس بسیلی جم شکل 39.11 میں کمیت M اور رداسس R کا بسیلی جم بموار لڑھک کر میلان سوال ۱۹. ۵: غیبر پہنچت ہے۔ یہس سے وولڑھک کر، کسنارے سے M=0.506 m افق صلے پر زمسین پر گر تا ہے۔ جم کی ابت دائی بلندی H=0.90 m اور میلان کا کسنارہ h=0.10 m بلند ہے۔ اندرونی بسیلن (جو یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) پر بسید وفی بسیلن خول (جو مختلف یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) چہر جساکر جم بہنا یک گائیست کے مادے سے بہنا ہے) کہ جود عسوی کلیہ M=0.50 اور میسان کی قیمت M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی صورت مسین M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی قیمت M=0.50 بسیل (یکسال بسیلن کی قیمت کی قیمت کی قیمت کی تو کسیل کی قیمت کی تو کسیل کرنے کی کا کسیل کی قیمت کی کا کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کرنے کی کسیل کرنے کی کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کا کسیل کی کسیل کرنے کی کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کرنے کی کسیل کے کسیل کرنے کے کسیل کی کسیل کی کسیل کسیل کسیل کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کی کسیل کے ک

#### ڈوری دارلٹو

سوال ۱۵.۵: ڈوری دار لئو کا گھسیسری جمود 980 g cm² اور کمیس بے دھسرے کارداسس 3.2 mm کے دھسرے کارداسس 3.2 mm اور ڈورکی لمب بی تک 120 g ہے۔ آس کے دھسرے کارداسس 120 cm کے اور ڈورکی لمب بی 120 cm کی 120 cm کی اسسے خطی اسسراع کی ویٹر کسیا ہوگی؟ (ب) ڈورکے آحنسری سسر تک لئو کتنی دیر مسین پنچت ہے؟ (ج) ڈورکے آحنسری سسر کو توانائی، (د) خطی افساری خطی دفت ارکب ہیں؟

سوال ۱۰۸۸ تا ایک بڑا ڈوری دار لئو کرین سے رہاکت حب تا ہے۔ لئو کی کمیت 116 kg ہے جو 20 رداس کے دوفت رص علی میں م 3.2 cm دراس کے دھسرے کے ساتھ جو ڈر کر بنایا گیا ہے۔ (۱) اتر نے اور (ب) جپڑھنے کے دوران لئو کے اسراغ کی متدر کسیا ہے؟ (ج) لڑھکا و کے دوران ڈور کا تناو کسیا ہے؟ (د) کسیا ہے ڈور کے انتہائی تناو کل کے قسریہ ہے؟ فضرض کریں آپ اسس ڈوری دار لئو کا بڑا نمون (ای شکل وصورت اور مادے کا) بناتے ہیں۔ (ہ) کسیا تارکے دوران بڑے لئو کے اسراغ کی وتدر زیادہ ہو گی، کے وہی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کو وی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کہ وگی، کا وی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کو وی ہو گی؟

## قو\_\_\_ مسروڑ پر نظسر ثانی

سوال ۱۹.۵: قوت  $\vec{F}_1 = (3.0\,\mathrm{N})\hat{k} = 0$  اور  $\vec{F}_2 = (-2.0\,\mathrm{N})\hat{j}$  ایک پسو پر عمسال کرتی میں ، جو  $\vec{F}_3 = 0$  ایک سمتیہ ترقیم مسیں  $\vec{F}_4 = 0$  مصدور اکائی سمتیہ ترقیم مسیں  $\vec{F}_4 = 0$  کے باہو گری ہوگری ہوگری

 $F_{x}=(1)$  برواقع ہے، عمس پیسر اقوت کاواحد حب زو ( $-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$ ) برواقع ہے، عمس پیسر اقوت کاواحد حب زو ( $-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$ ) جہ دائے کہ نامے اکائی سمتیہ  $F_{z}=-6.0\,\mathrm{N}$  (و)  $F_{z}=6.0\,\mathrm{N}$  جہ میں نامشیاتی پر قوت مسروڑ کے ہوگی؟

 $F_{1x}=0$  بوال ۲۰۱۰ نیست زرے پر بھو  $(0,-4.0\,\mathrm{m},3.0\,\mathrm{m})$  پر واقع ہے، ذیل تو سے مسل کرتی ہے: (۱) جہاں نواز جہاں ہے۔  $F_{1x}=0$  نواز ہے۔  $F_{2z}=4.0\,\mathrm{N}$  ،  $F_{2y}=0$  ،  $F_{2x}=0$  جہا کائی ہے۔  $F_{1y}=F_{1z}=0$  ہے۔ اکائی سمتہ ترقیم سین، مبدا کے لیے ظرے ذرے پر میں فی قوت سے وراز کے اپنا ہوگی ج

 $z = 1.00 \, \mathrm{m}$  سوال  $z = 1.00 \, \mathrm{m}$  نورے پر بہو تو تو تعمیل کرتی ہے۔ جب مبدا کے  $z = 1.00 \, \mathrm{m}$  نورے کر تا ہے بہ قوت عمیل کرتی ہے۔ جب مبدا کے لیے نامعتام  $z = 1.00 \, \mathrm{m}$  نورے کا معتام کی اور مبدا کے لیے نامے مطابقتی قوت مسرور  $z = 1.00 \, \mathrm{m}$  کا معتام کا معتام کریں۔  $z = 1.00 \, \mathrm{m}$  کا معتام کریں۔  $z = 1.00 \, \mathrm{m}$  کا معتام کا معت

 $\vec{F} = 7$  برقوت  $\vec{r} = (0.50 \, \mathrm{m})\hat{j} - (2.0 \, \mathrm{m})\hat{k}$  وال  $\vec{r} = 7$  برقوت  $\vec{r} = 7$  برقوت  $\vec{r} = 7$  برقوت  $\vec{r} = 7$  برقوت  $\vec{r} = 7$  برقوت برقوت برقوت برقوت مسرور (ا)مبدااور (ب) نقط (2.0 \, m, 0, -3.0 \, m) کی اظ ہے پھے میں (۱)مبدااور (ب) نقط کی جو گا

  $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j} = 7$  ایک ذرب پر عمس کرتی ہے حباکا تعلین گرسمتیہ  $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j} = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$  در  $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$  در  $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$  در  $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$  در  $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} = -10.0 \, \mathrm{N}$ 

#### زاوی معیار حسر ک<u>ت</u>

وال ۲۹ میں گرسمتی ہو گھائے لیمے پر ذرہ P ، جس کی کیت P میں گرسمتی ہو جس کی کہت ہو جس کی کہت ہو تہ ہم جس کی عمل ہوں۔  $\theta_2 = 30$  ہوں گرسمتی ہو گھائے ہوں گرسمتی ہوں گرسمتی ہوں گرسمتی ہوں گرسمتی ہوں گل اور زاوی ہو گھا ہے۔ تو ہے جس کی صدر اور زاوی میں میں گرسمت ہوں گئی ہے۔ تو ہے جس کی صدر اور (ب) رخ کہ اور کا کی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے زاوی معیار حسر کے گھائے ہوں۔ مبدا کے لی طامے P کے زاوی معیار حسر کے گھائے ہوں کی صدر اور (ب) رخ کہا ہے؟

 $\vec{v}$  - اور سمتی رفت او  $\vec{v}$  - (2.0 $\hat{i}$  - 2.0 $\hat{k}$ ) سمتی  $\vec{v}$  سمتی  $\vec{v}$  سمتی رفت اور  $\vec{v}$  - (2.0 $\hat{i}$  - 2.0 $\hat{k}$ ) سمتی رفت اور اکائی سمتیه ترقیم  $\vec{v}$  - (5.0 $\hat{i}$  + 5.0 $\hat{k}$ ) سمتیه ترقیم مسین (۱)جم کازادی معیار حسر کت اور (ب)جم پر توت مسرور کی بے ؟

وال ۱۹۰۸ نقط (x,y) ہیں، کیت (x,y) ہیں، کیت (x,y) ہیں، کیت (x,y) ہیں، کیت  $v_y = 60 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  اور  $v_x = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  اور  $v_x = 60 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  اور  $v_x = 10 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  اور  $v_x = 10 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  ہیں۔ اسس کے پر، اکائی سمتیہ ترقیم مسیں (۱) مبدا اور (ب) نقط سے اللہ ( $v_x = 10 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$  کے لیا تا ہوگا؟

 $\vec{d} = (2.00 \, \mathrm{m}) \hat{i} + (4.00 \, \mathrm{m}) \hat{j} - \mathrm{sec} \hat{j} = -(6.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{k} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} +$ 

سوال ۱۳۰۱: ایک گیند جس کی کیت  $s^{-1}$  و ما 40.0 m s استدائی رفت ارسے سیدها اوپر وار پھینکا حسال ۱۳۰۱: ایک نقط در ایک کی کیت  $s^{-1}$  و ما 2.00 m افتی مناصلے پر واقع نقط ہم کے لحاظ ہے، جب گیند (۱) بلند ترین منظ پر ہوا ور جب (ب) واپس گرتے ہوئے نصف بلندی پر ہو، گیند کا زادی معیار حسر کت کیا ہوگا؟ گیند پر تحب ذبی

توت کی قوت مسروڑ P کے لحیاظ ہے اسس وقت کے ابو گی جب گیند (ج) بلند ترین نقطے پر ہواور جب گیند (د) والپس گرتے ہوئے نصف بلندی پر ہو؟

## نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

سوال ۵.۳۲ مبدا کے لیے ظربے ذریے پر دو قوت عمل کرتی ہیں:  $\vec{\tau}_1$  کی تسدر  $d\vec{\ell}/dt$  اور اسس کارخ محور  $\vec{\tau}_2$  کی تسدر  $d\vec{\ell}/dt$  تلاسش کریں، مثنی رخ ہے، اور  $\vec{\tau}_2$  ہمسیں  $d\vec{\ell}/dt$  تلاسش کریں، جہاں میدا کے لیے ظربے ذرے کازاوی معیار حسر کت  $\vec{\ell}$  ہے۔

موال ۱۵۳۵ وقت xy محددی نظام مسیں موال ۱۵۳۵ وقت xy محددی نظام مسیں جارا کے لیاظ ہے xy محددی نظام مسیں عوال ۱۵۳۵ ورے کامعتام دیت ہے (جہاں تم مسیر مسیں اور t سیکنڈ مسیں ہے)۔(۱) مبدا کے لیاظ ہے ذربے پر عمسل پسیر اقوت مسروڑ کاریاضی فقت رہ تلاش کریں۔ (ب) کسیا مبدا کے لیاظ ہے ذربے کا زاوی معیار حسر کت بڑھ رہا ہے ،گھٹ رہا ہے ،بات بیل جسیں ہورہا؟

#### استوارجهم كازاوي معسار حسركت

موال ۵.۳۲ تین گومتے مسترص کو دویے ملاتے ہیں (مشکل 43.11) دایک پیٹ مسترص A اور C کے چکا پر لیٹ ہے۔ دوسر ایٹ مسترص A کے وسطی نابھ اور مسترص B کے چکا پر لیٹ ہے۔ یے ہمواری سے بغیب پیسلے چکا اور نابھ پر حسر کست کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس R :اسس کے نابھ کارداسس 8 :اور مسترص کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس 0.2500R :اور مسترص کی کارداسس 2.000R ہے۔ مسترص B اور C کی کثافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا ورسس کی کارداسس کے نابع کی کشافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا وسترص کی کارداس کی مسیار حسر کست کی صدروں کی نبیت کیا ہے؟

d=0 سوال ۱۹۳۵: کمیت g=0 کمین درے، تین بلاکمیت سان وں سے جسکڑے ہیں، جن کی لمب اسیاں m=0 کا در زاوی رفت ال m=0 کمیت کی مسیار جسم نقل m=0 کمیت کی مسیار جسم کا گلمیت ربی جمورہ (ب) در میانے ذرے کے زاوی معیار حسر کت کی قت در، اور (ج) حب امد جسم کے زاوی معیار حسر کت کی قت در، اور (ج) حب امد جسم کے زاوی معیار حسر کت کی قت در کوت کی قت کی کوت کی قت در کوت کی قت در کوت کی قت کی کوت کی کرت کی قت کر کوت کی کوت کر کوت کی کر کوت کی کوت کی کوت کر کوت کی کوت کر کر کوت کی کوت کر کوت کر کوت کی کوت کر کوت کر کوت کر کوت کر کوت کر کوت کی کوت کر کوت کر کوت کر کوت کی کوت کر کوت کر کوت کر کوت کی کوت کر کوت

سوال ۵.۳۸: ریگ مال کافت رس، جس کا گھیسری جمود 2 سے 1.2 × 1.2 ہے، برتی برما ہے جوڑا گیا ہے جس کی موڑ قت مس کے وسطی محور پر سال 16 N m تدرکی قوت مسروڑ پیدا کرتی ہے۔ اگر قوت مسروڑ عام 33 ms کے لئے منداہم کی حبائے، اسس محور پر وقت میں (ا) کے زادی معیار حسر کت اور (ب) زادی سستی رفت ارکی و تدرک ہے ہوگی؟

سوال  $^{9}$ 0.140 kg m² مور پر اڑن پہیے کا گھیے ہی جمود  $^{2}$ 0.140 kg m² ہے۔ اسس کا زادی معیار حسر کے  $^{2}$ 5 میں موال  $^{2}$ 5 میں مور کے  $^{2}$ 6.800 kg m² s میں اڑن پہیے پر ، وسطی کور کے  $^{2}$ 6.800 kg m² s میں اڑن پہیے پر ، وسطی کور کے لیے ناوی اسس دورانے میں لیے ناوی اسس دورانے میں دورانے میں پہیا کتنا زادی ہے کر تا ہے ؟ (ج) پہیے پر کتنا کام سر انجب م موگا ؟ (د) پہیے کی اوسط طب قت کہا ہے ؟

au سوال ۵۰،۴۰۰ ایک و تسرس، جس کا گلمیسری جمود  $2.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$  برائع وقت قوت مسروڑ  $t=1.00\,\mathrm{s}$  برائس کازاوی معیار حسر کست  $t=1.00\,\mathrm{s}$  برائس کازاوی معیار حسر کست  $t=3.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$  برائس کازاوی معیار حسر کست کی برائس کازاوی معیار حسر کست کیب بوگا؟

سوال R سوال R ورکس R اور کیت R سوال ورکس R اور کیت R اور کیت R اور کیت R بنایا گیا ہے۔ R اور کس R اور کمیت R اور کہیت R بنایا گیا ہے۔ R اور کستقل رفت ارکس کور پر استوار جم R وری عسر ص کی مشتقل رفت ارک گلومت ہے۔ وسر ض کریں R وری عسر ص کی مشتقل رفت ارک گلومت ہے۔ میسر ض کریں R اور R بازد کی معیار حسر کست تلاشش کریں۔ R وری جم کا (۱) گلیس کی جمور اور (ب) زادی معیار حسر کست تلاشش کریں۔

سوال ۵٬۴۲: ابت دائی ساکن ت رص پر ، شکل 46.11 میں پیش، قوت مسروڑ au ممسل کرتی ہے۔ ت رص وسطی انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ محور au کا پیسا نہ au اور au او

#### زاوی معیار حسر کت کی بقب

سوال ۳۳، ۵: دو پھملی باز ۱۰، جن کی کمیتیں 50 kg بین، متوازی راہوں پر، جن کے نی سے 3.0 m ناسلہ ہے، ایک دوسرے کی طسر وز پیسل کر حسر سے میں بین (شکل 47.11) کے ان کی آپ میں میں مختالف سے میں رفت اور 1.4 m s میں مختالف سے میں رفت اور 1.4 m s میں اور دوسر الپسٹان باز بلا کیت لمب افزاد ایک سر سے پکڑ کر ، اٹھائے ہوا ہے، اور دوسر الپسٹان باز فستریب گزرتے وقت ڈنڈے کادوسر اسر پکڑلیتا ہے۔ اسس کے بعد دونوں ڈنڈے کے وسط کے گردگومتے ہیں۔ پیمسلی مختال اور برون کی فیس اور دوسر الپسٹان باز فیس کی باز فیس کے دائرے کارداس، (ب) پسٹان باز کی زاوی رفت از اور (ج) دو پیسٹان باز فیل میں ان باز فیل میں اضافی کے توانائی کہاں کے حسر کی توانائی کسی اضافی کے کا توانائی کہاں کے تائی ؟

سوال  $^{\circ}$  در اسس  $^{\circ}$  15 cm سوال  $^{\circ}$  در اسس  $^{\circ}$  15 cm سوال  $^{\circ}$  در اسس  $^{\circ}$  در است  $^{\circ}$  در است

skaters"

ے۔ چوہے کی رفت اور  $\omega_0=2.8\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  کے لیے افرے پونے کی رفت اور  $\omega_0=2.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$  کے لیے افران کی رفت اور کر کھے ان مشہور گر تا ہے۔ (۱) چوہا کے رکنے کے بعید وقت رص کی زاوی رفت ارکہا ہوگا پر کھیا نے کو چکا پر کھیا تھا تھا گریا ہوگا کے درکنے کے دوران میکائی توانا کی کابقیا ہوگی ؟ (ب) کہا جموز ا کے رکنے کے دوران میکائی توانا کی کابقیا ہوگی ؟

سوال ۵٬۴۵ ایک فیص بوترا پر کھٹرا ہے۔ جب بوترا (بلارگڑ) 1.2 حبکر فی منٹ کی زادی رفت ارسے گوم رہاہے۔ شخص کے باتھ باہر کو پھیلے ہوئے ہیں اور اسس کے دونوں ہاتھوں مسیں ایک ایک اینٹ ہے۔ وسطی انتھائی کور پر شخص، اینٹ میں، اور حب بوترا پر مشتل نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر نے سے نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر مشتل نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر 2.0 kg m² ہوئی اور رہائی حسری توانائی اور پر انی حسر کی توانائی اور پر انی حسر کی توانائی اور پر انی حسر کی توانائی کہاں ہے آئی؟

سوال ۵٬۳۷۱: انہدام پذیر حب کر دار ستارے کے گھسے ری جمود کی قیمت ابت دائی قیمت کی  $\frac{1}{3}$  ہے۔ نئی گھسے ری حسر کی توانائی اور ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی اور ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی اور ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی اور ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی اور ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی در ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی در ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی در ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی در ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی در ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی در ابت دائی گھسے ری حسر کی توانائی کی نبیت کے ابوائی در ابت در اب

سوال ۱۳۷۷: ایک بڑے پہیے پر ، جو انتصابی محور کے گر د بلار گڑ گھوم سکتا ہے ، پہشیری نہ ہے (شکل 48.11)۔ ساکن پیشری پر کیست سے میں کورتی طباقت و مستراہم کی حباتی ہے۔ پہشیری کے لیساظ سے ریل گاڑی کو برقی طباقت و مستراہم کی حباتی ہے۔ پہشیری کے لیساظ سے ریل گاڑی اس کی زادی رفت ارکسیا ہوگی ؟ (پہیے کو گھی سرانصور کری ؛ رگڑاور شیلیوں کی کیست نظر انداز کریں۔)

سوال ۵٬۴۸ ایک چوبارداس R دائری محتیر ص کے مسر کز سے چکا کی طسر و پلتا ہے۔ مسیر ص انتصابی محور پر، بسیرونی قوت مسیروز کی عسیر موجود گل مسیر، گلوم رہاہے۔ چوباو مسیر ص نظام کی زاوی رفت ار شکل  $\omega_a = 5.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  اور  $\omega_b = 6.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$  اور  $\omega_a = 5.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ 

سوال ۴۹، ۵۰ دو مسترص کم رگزی انتصابی و هسرے پر یوں نصب کیے گئے ہیں کہ انہیں مسز دوئ کر کے ایک جم کی طسر ت گھسایا جبا سے۔ پہلے مسترص کا گھسیری جمود ، محور گھساو پر ، 8 مالا ہے ۔ 10 اور یہ حناان گھسٹری 450 چپکر فی منٹ گلوم رہا ہے۔ دوسسرا مسترص ، جس کا محور گھساو پر گھسیری جمود 6.60 kg m² ہے ، حناان گھسٹری 900 چپکر فی منٹ سے گھوم رہا ہے۔ انہیں مسز دوئ کسیاحبا تا ہے۔ (۱) ان کا زاوی رفت اراب کسیا ہوگا؟ اسس کے بر تکسس اگر ابت دائی طور پر دوسسرا مسترص گھسٹری وار 900 حپکر فی منٹ گھومت ، تب انہیں ملانے کے بعد دان کی (ب) زاوی رفت اراور (ج) گھومنے کا رخ کسیا ہوتے ؟

سوال ۵۵۰۰: برقی موڑے مدور کاوسطی محور پر گھسے ہی جمود  $I_m = 2.0 \times 10^{-3} \, \mathrm{kg \, m^2}$  ہے۔ تحقیق مندائی طیارے مسل موٹر نسب کرکے طیارے کی سست بسندی کی حباتی ہے۔ موٹر کا دھسراطیارے کے وسطی محور کے جمسراہ ہے؛ محور پر محل طیارے کا گھسے ہی جمور کے مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں طی اور کا گھسے ہی جمور کے مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جمور کے مدور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جمور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جمور کے بھور کے بھور کا معرور کو کتنے حبکر دینے ہوں گھسے ہی جہوں کے بھور کے بھور

سوال ۵۱.۵: وت بل نظر رانداز گھیری جمود کے دھرے پر پہپ 800 حیکر فی منٹ زادی رفت ارسے گھوم رہاہے۔ دوسر راکن پہپا، جس کا گھیسری جمود دگئ ہے، یکدم پہلے پہیے کے ساتھ مسزدوج کسیاحب تاہے۔(۱) دو پہسیول اور دھسرے کا زادی رفت ارکسیاموگا؟ (ب) ابت دائی گھیسری حسر کی توانائی کا کشنا تھسے ضائع ہوگا؟

موال ۵۵۰٪ ایک چھا اجواپنے وسطی نقط ہے گر دانتھا بی محور پر گھوم سکتا ہے شکل 51.11 مسین د کھیا گیا ہے۔ اسس  $M=8.00\,\mathrm{kg}$  سے دونی رداس  $R_1=R_2/2.00$  سے دونی رداس  $R_2=0.800\,\mathrm{m}$  سے دونی رداس  $R_3=0.800\,\mathrm{m}$  سے دونی کہ گئے۔ والی شیال کی کمیت و تبال نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بہ جب کہ دھسرے اور چھیا کو دھسرے کے ساتھ جھکڑنے والی شیالوں کی کمیت و تبالی نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بسیرونی کن ارداس  $R_2$  پر کمیت  $R_3$  پر کمیت  $R_3$  بر کمیت  $R_3$  بر کمیت والی گھیر انظام کی جسیر کوئی کوئی کوئی کردار کی دونی رداس  $R_3$  کو گھیر انظام کی حسیر کی آوانائی مسین کشناہ انسان ہوگا؟

 $4.7\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  سوال 20.00 سوال 20.000 سوال 20.0000 سوال 20.000 سوال 20.000

سوال ۵۵۱: کمی چیسلانگ مسین زمسین سے انھیلتے وقت کھسلائری کوزادی معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آائ معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آگے کی طسرون کھسلائری ہزاد صدید ہے کر کے کا طسرون کھسا کر مطب کر اور معیار حسر کسی بازو کو کا گا 18.1 کی طسرز پر گھسا کر سے زاوی معیار حسر کسی بازو کو کہ کا کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو کا کہ کیسے کی سائے تصور کریں، جو ایک سے سرے گرد گھومتی ہے۔ کھسلائری کی حوالہ چو کھ میں، کندھوں سے گزرتی مشتر کسے محور پر بازوں کا کل زاوی معیار حسرک سے میں۔ کسی سے ؟

موال ۵.۵۵: یکساں فتسر می، جس کی کمیت 10m اور رداسس 3.0r ہے انتصابی محور کے گرد گھوم مکتا ہے۔ دوسر انچھوٹا فتسر می، جس کی کمیت m اور رداسس 7 ہے، بڑے فتسر می پر ہم مسر کزر کھیا گیا ہے۔ ابت دائی طور پر دونوں فتسر می پر ہم مسر کزر کھیا گیا ہے۔ ابت دائی طور پر دونوں فتسر می پر ایک سے تقد میں بھوٹے فتسر می کی بین چھوٹے فتسر می کی بین چھوٹے فتسر می کا بیسے دونی کہنارہ پھنس حباتا ہے۔ اسس کے بعید دونوں فتسر می کا بین کی داوی سمتی رفت الا کے بیت دونوں فتسر می دونوں فتسر می کی دور پر اب ان کی زاوی سمتی رفت الا کے بیابوگی اور ابت دائی حسر کی توانائی کی نبیت کی گرائی کی نبیت کے لائی کی نبیت کی گرائی کی نبیت کے کہا ہوگی ؟

سوال ۵۵۸٪ دائری مسترص کی سشکل کا حب بوترا و سطی انتصابی محور پر بلار گڑ گھومت ہے۔ حب بوترے کی کمیت مقال ۵۵ kg رداسس m 2.0 سال مور گھساوے گرد گھمسے میں جمود 300 kg m² ہے۔ ایک طیال عسلم جس کی کمیت کا کمیت ہے جب بوترے کے چکاہے دھسرے کی حبانب آہتہ چلتا ہے۔ جس وقت طبالب عسلم چکا پر ہمتا، اگر اسس وقت نظام کی زاوی رفتار 1.5 rad s<sup>-1</sup> ہو، تب اسس وقت زادی رفتار کسیا ہو گی جب طبالب عسلم وسط سے 0.50 m ناصلے پر ہو؟

سوال 2.09 ناوی میں ایک سیان جس کی کمیت M اور دراسس M 0.800 سے ، وسطی انتصابی محور پر M 2.00 تاوی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔ ایک فررہ ، جس کی کمیت M 3.00 سے ، اور جو سیان کے ایک سرے چیکا ہوا ہے ، علیحہ وہ ہوکر اسس کمی سیان کو عب ود دار راوپر روانا ہوتا ہے۔ حضارج ہونے کے فوراً بعد ، ذرے کی رفت ارسے  $v_p$  سیان کو عب میں تاریخ سے  $v_p$  سیان کریں۔  $v_p$  میں میں میں میں میں میں میں کریں۔

سوال ۱۹۰۰ نیک فیسر یک ان ساخ، جس کی کیست  $0.50 \, \mathrm{kg}$  اور لمب کی  $0.50 \, \mathrm{kg}$  ایک سرے اٹکایا گیا ہے۔ اس کے دو سرے سرکے ساخ  $0.50 \, \mathrm{kg}$  س باند ھی گئی ہے (شکل  $0.50 \, \mathrm{kg}$  گی ہے (سکل  $0.50 \, \mathrm{kg}$  گی ہے اس کے دو سرے ساخ ور  $0.50 \, \mathrm{kg}$  گئی ہے۔ سل و ساخ وگول نظام محور  $0.060 \, \mathrm{kg}$  سے محور  $0.060 \, \mathrm{kg}$  سے  $0.060 \, \mathrm{kg}$  بر نظام کا گھسے ری جمود کسے  $0.060 \, \mathrm{kg}$  بر نظام کا محمیل میں سل کے سر پر واقع ہے۔ (۱) محور  $0.060 \, \mathrm{kg}$  بر نظام کا گھسے ری جو مسین سل کے سر پر واقع ہے۔ (۱) محور  $0.060 \, \mathrm{kg}$  بر نظام کا رفت ارکسیا ہوگی؟

موال ۲۱۱۱: کیساں سلاخ (کمیت 1.0 kg مسین 54.11) شکل 54.11 کے مستوی مسین 0.12 kg m² کی ایسان 0.20 kg سین 60.20 لبدی گھیسے میں ہود کے ساتھ ،ایک سرے گزرتی محور پر گھومت ہے۔ نشینی نقطہ سے گزرتی مور پر گھومت ہے۔ نشین نقطہ سے گزرتی مور پر گھومت ہے۔ اگر عسین تصادم سے شکراتی ہے،جو سلاخ کے سرے چیک حباتی ہے۔ اگر عسین تصادم سے قب ل سلاخ کی زادی رفت ارعسین تصادم کے بعد کمیا ہوگی ؟

سوال ۵.۹۲: نمائش گاہ مسیں بازیگر t=1.87 ه مسیں پرادت لابازیاں کھی کری تیجت ہے۔اہتدائی اور آس نے مسرکز کمیت (جس کو آخن ہری چو محتائی تسلبازی کے دوران وہ جم سیدھ ارکھت ہے (شکل 55.11)، اور اسس کے مسرکز کمیت (جس کو نقطہ سے خاصابر کمیا گیسے ہیں پر  $I_1=19.9$  kg m² پر گھمیسری جمود  $I_1=19.9$  kg m² ہے۔ پر واز کے باقی حسم مسیں وہ جم کو ذمسین پر جسٹھنے کی صورت مسیں دکھتا ہے؛ اسس دوران اسس کا گھمیسری جمود  $I_2=3.93$  kg m² ہے۔ بیٹھے حسالت مسیں کی زاوی رفت اور کی کہا ہوگی؟

سوال ۱۵.۳۳ انتصابی محور پر گھونے کے وتابل ساکن جھولا، جس کارداسس سے 2.0 سے ، کے چکا پر 30 kg کیسے کا بجپ کور گھسٹوا ہے۔ محور گھسٹوا ہے۔ کور گھسٹوری جھود 150 kg m² ہے۔ اسس کا دوست 10 kg کیست کا گیسنداسس کی طسرون پھیسنکتا ہے۔ عسین گیسند پکڑنے سے قب ل گیسند کی سستی رفتار تن افتی ہے اور اسس کی وت در 12 m s m s میں اور جھولے کو ممسای کلیسر کے ساتھ اسس کا زاوی ہے۔ ہو جو ہے (جیسا شکل 56.11 مسین د کھسایا گیسا ہے)۔ عسین گیسند پکڑنے کے بعید جھولے کی زاوی رفت ارکسا ہوگی ؟

سوال ۱۵۰ ایک بازیگر، جس کی زاوی رفت از  $w_i$  کی گھیسری جمود دو حصوں پر مشتل ہے: جم کے لحاظ ہے ایک نائگ وہ وہ بازیگر، جس کی زاوی رفت از  $u_i$  کا بیشتر حصہ نائگ وہ وہ زاوی پر گھیسری جمود  $u_i$  کا بیشتر حصہ نائگ وہ وہ جم کے لحاظ ہے دونوں نائگوں کا زاوی نے پر مشتل ہے) کا گھیسری جمود  $u_i$  وہ جم کے لحاظ ہے دونوں نائگوں کا زاوی  $u_i$  وہ نبت  $u_i$  وہ جس سے اسس کی زاوی رفت از  $u_i$  ہو حباتی ہے (شکل 19b.11) دائر  $u_i$  تبدیل نہ ہو، نبت  $u_i$  کی سے باہو گی جس کے اس کی زاوی رفت از میں ہو جس تھیں ہوگی ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگی کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگی کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی گیا ہوگی کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی کی سے بھی کی سے بھی گیا ہوگیں کی سے بھی کے بھی کی سے بھی کھی کے بھی کی سے بھی کی سے بھی کے بھی کی سے بھی کی کے بھی کی سے بھی کی سے بھی کی سے بھی کی کے بھی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کے بھی کے بھی کی کے بھی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کے بھی کے بھی کی کے بھی کے بھی کی کے بھی کے بھی کی کے کی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کی کے بھی کی

سوال 18. 18: ایک پستی ساخ، جس کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور جس کی لمب کی سے 50 cm ہے، کے دونوں سر پر 2.0 kg پر 2.0 kg کمیت کا گئیند باندھ آگیا۔ ساخ کی گئیت کے باز خوار شطی نقط پر واقع افقی محور کے گرد گھوم سکتی ہے۔ افتی ساخ کے سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 و کمیت کی لبدی -3.00 سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 کمیت کی لبدی -3.00 ساخ کی افتار کے گئیند کے چیک حباتی ہے (شکل میں اس کھے کے بعد جب لبدی گئیند پر گرتی ہے، نظام کی زاوی رفتار کسیا ہو گی؟ (ب) تصاوم کے بعد نظام کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی خسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی گھوں کی دیات کی دو کرد کرد کی دیات کی دیات کی دیات کی دیات ک

بوال ۹۰۱۱: بلارگڑ سطح پر  $h=20\,\mathrm{cm}$  کی بلندی ہے  $0.8\,\mathrm{cm}$  کی بستان کے بستان کے بات کے بات کے بات کے بات کی ب

سوال 0.40: پتلی یک سال نہ جس کی گیت M اور لمب ائی 0.600 ہے ، وسطی نقطہ O پر واقع انتصابی محور کے گرد O بھر ہنگ و O ہور نقط ہنگ ہور کے علاقہ نقط ہنگ و بیش O بر واقع انتصابی حب ائزہ پیش O بیش O بھر کہ مسل کے اور مورف اور بیس اس کا فصن ائی حب ائزہ پیش O بھر کہ اور جو O بھر کو اور میں اس کا فصن ائی میں ہے ، مسیل ہے ۔ ایک نسب کے گرا کر اس کے ساتھ چیک حب اتا ہے ۔ تصادم کے لیجے پر ذرے کی راہ اور سال آب ہونے کی صورت مسیل تصادم کے معت محام کا فت صلہ سال نے اور ذرہ سائن ہونے کی صورت مسیل کے معت محام کا فت صلہ سال نے اور ذرہ سائن اور ذرہ سائن اور ذرہ سائن ہونے کی صورت مسیل کے کہ سازہ کو گرا کر اس قیمت سے زیادہ ہو، تصادم کے بعد سیان اور ذرے کی زاوی رفت ارکار ن کسے ہوگا؟

## مكن حير في كي استقبالي حسركت

موال 2.19 ن کیاں تسرس، جس کارداسس 50 cm ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھسرانیب کرکے مسکن حپر خی بن ائی گئے ہے۔ دھسرے کی لمب ائی 11 cm ہے۔ دھسراافتی ہے اور اسس کا ایک سسر ٹیک پر ہے۔ اگر حپکر کی مشرح 2000 حبکر فی منٹ ہو، استقبالی حسر کے گئے شرح کمیا ہوگی؟

#### اصٰافی سوال

موال ۵.۷۰ یک شوسس گیند سطح پر ہموار لڑھک کر °15 زاویے کے میلان پر حپڑھت ہے۔میلان پر m 1.50 m لڑھکنے کے بعید گیند لمحت تی رکتا ہے۔ گیند کی ابت دائی رفت ارکیا ہے؟

موال اے۔3: یکساں ٹھوسس بسیلن کے گرو ڈور لپیٹ کر N کا کی وحدر کی مستقل افقی قوت  $\vec{F}_{j}$  سے کھینچی حباتی ہے  $\vec{C}_{j}$  اور سے افتی سطح پر ہموار لڑھکتا ہے۔(۱) ہیسان کے  $\vec{C}_{j}$  اور رداسس  $\vec{C}_{j}$  میں اور سے افتی سطح پر ہموار لڑھکتا ہے۔(۱) ہیسان کے کمیٹ کے مسلم کا معامل کا معامل کا معامل کا معامل کی کمیٹ کے مسلم کا معامل کی معامل کا معامل کی کھیں کے معامل کا معام

مسر کز کمیت کے زاوی اسراع کی متدر کیا ہے؟ (ب) مسر کز کمیت پر بسیان کے زاوی اسراع کی متدر کیا ہے؟ (ج) اکائی سمتیہ ترقیم مسیں، بسیان پرر گڑی قوت کیا ہے؟

سوال 27. ۵: باریک حپاور سے بنایا گیا پائپ فنسرسٹس پر لڑھکتا ہے۔ لمبائی کے ہمسراہ وسطی محور پر اسس کی مستقیم حسر کی توانائی کی کور پر اسس کی مستقیم حسر کی توانائی کی نمیت تلاسٹس کریں۔

 $\vec{v} = -2.0t^3$  î m s $^{-1}$  کی کھنے وناگاڑی سنی رفت اور  $\vec{v} = -2.0t^3$  نازادی معیار سرکت  $\vec{L} = 0$  کے لئے (ا) گاڑی کا زادی معیار سرکت کے لئے (ا) گاڑی کا زادی معیار سرکت کے لئے (ا) گاڑی پر قوت مسروڑ  $\vec{\tau}$  تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ج) گاڑی پر قوت مسروڑ  $\vec{\tau}$  تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ج) کے لئے (ور (و)  $\vec{\tau}$  تلاشش کریں۔

سوال  $^{4}$ 2. وسطی محور پر ایک پہیا زاوی معیار حسر کت  $^{2}$  600 kg m<sup>2</sup> کے ساتھ گھٹڑی وار گھومت ہے۔ وقت  $^{2}$  پہیپے کارخ الٹ کرنے کی عضر ض سے پہیے پر  $^{2}$  50.0 N m متدر کی قوت مسروڑ لا گو کی حباتی ہے۔ کس کھے  $^{2}$  کے زاوی رفتار صف ہو گی ؟

سوال 20.40: کھیل کے میدان مسین ایک چھوٹا جھوٹا جو انتصابی محور پر گھومت ہے۔ جھولے کار داسس m 1.20 m اور کیسے می 180 kg ہے۔ اسس کار داسس دوار (باب مسین سوال 20.40 دیکھیں) 91.0 cm ہے۔ ایک بجب جس کی کیست 180 kg ہے۔ ایک جو لیانگ کی کیست 44.0 kg ہے، ساکن جھولے کے چکا کو عصود دار راہ پر 5 m s m s میں مواد کی گفت ریٹ جھولے کے چھوٹانگ کا کو میسود میں میں مورد کیا ہے، دور کر جھولے کی جھوٹانگ کی کیسے میں معیار حسر کے لیانگ کے دھیرے کی داوی معیار حسر کہ کی متدر کیا ہے، اور (ج) جھولے پر حیب ٹرھنے کے بعد جھولے اور بیج کی زاوی معیار حسر کہ کی متدر کیا ہے، اور (ج) جھولے پر حیب ٹرھنے کے بعد جھولے اور بیج کی زاوی رفت ارکیا ہے؟

موال 20 cm منگ فارا الی کیساں سل کی شکل کتاب کی طسرہ ہے۔ سل کی لمب نکی 20 cm ، چوڑائی 15 cm ، کا منگ میں 20 cm اور موٹائی 20 cm کی وسط سے ایک اور موٹائی 1.2 cm کی وسط سے ایک وسط سے ایک وسط سے ایک نوادی معیار کونے تک نصف وضاحلے پر واقع سل کے رخ کو عصودی محور کے گرد سل گھوم سکتی ہے۔ اسس محور پر سل کا زاوی معیار حسر کی توانائی کیسا ہوگی؟

سوال ۵.۷۸: ایک پہیا، جس کارداسس  $m 0.250 \, m$  اور ابت دائی رفت ار  $43.0 \, m \, s^{-1}$  بنا وی است ان کا گھمیسری جود کرنے کے رکتا ہے۔ () اسس کے خطی است راخ اور (ب) زاوی است راخ کی متدر کیا ہے؟ وسطی محور پر اسس کا گھمیسری جود  $20.155 \, kg \, m^2$  ور گز کی بدولت قوت مسروڑ تلاسش کریں۔

سوال 2.49: پہیا A اور B کو ایک پٹ ملاتا ہے، جو پھلت انہسیں ہے۔ B کار داسس A کے رداسس کا تین گٹ ہے۔(۱) اگر دونوں پہسیوں کا اپنے اپنے وسطی محور پر زاوی معیار حسر کرت ایک پتنا ہو اور (ب) اگر ان کی تھمیسری حسر کی توانائی ایک

granite<sup>1</sup>

جتنی ہو، تب گھمیری جمود کی نسبت  $I_A/I_B$  کیا ہو گی؟

سوال ۱۵۰۰ ایک زرہ، جس کی کیت 2.50 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار  $(-3.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})$  ہے، کا کمس کی غیب رفت ار غیب رفت کی کیت 4.00 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار غیب رفت ایک کے تصادم کے معت م کامحدد  $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$  ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد  $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$  ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد  $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$  ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد معین جسیال زرول کا زاوی معیار حسر کے تاکاش کریں۔

سوال ۸۱۱.۵: ایک پہیا، جس کی کمیت 10.0 kg اور ردانس 0.400 m ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھسرااستوار (جسکڑ کر)نسب ہے (سشکل 62.11) دھسرے کا ردانس 0.200 m اور دھسرے پر پہیے و دھسرے کا گھیسری جمود (جسکڑ کر)نسب ہے (سشکل 62.11) دھسرے کا ردانس 6 میلان کے منسراز پر پہیاابت دائی طور پر ساکن رکھا جباتا ہے۔ وھسرامیلان کی سطح مس کر تا ہے جب کہ پہیا سطح مسیں بنی جمسری کے اندر، سطح مس کے بغیسر، چلت ہے دبائی کے بعد، میلان پر ہموار گڑھا کے راز تا ہے۔ سطح پر 2.00 m کی ایس و دھسرے کے نظام کی (۱) دھسرا بغیسر، پھیلے، میلان پر ہموار گڑھا کے راز تا ہے۔ سطح پر 2.00 m کھیسری حسر کی توانائی اور (ب) مستقیم حسر کی توانائی کیا ہوگی؟

سوال ۵.۸۲: ایک سسر پر انتصابی محور کے گردیک اس سلاخ افتی مستوی مسین گھومت ہے۔ سلاخ کی لمب کی سے 10.00 m اور وزن اور وزن 10.0 N ہے، اور اسس کی زادی رفتار 240 حیکر فی منٹ ہے۔ (ا) محور گھے و پر اسس کا گھیسری جمود اور (ب) اسس محور پر زادی معسار حسر کرتے کی وت در کساہو گی؟

سوال ۵.۸۵: ساکن جھولے پر، جس کارداسس R اور گلمیسری جود I ہے، کے چکاپر کمیسسہ M کی لاکی کھسٹری ہے۔ جھولا انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ جھولے کے چکا کو ممسائی رخ، لاکی کمیسسہ M کا پتھسر افقی کھیسٹ تی ہے۔ زمسین کے لیاظ سے پتھسر کارف تاری سے ۔ پتھسر کھینکنے کے بعب (۱) جھولے کی زاوی رفت اراور (سے) لاکی کی خطی رفت ارکساہیں؟

خطی رفت ار، ( د) مستقیم حسر کی توانائی، (ه) زاوی رفت ار، اور (و) گلمپ ری حسر کی توانائی کسامیں؟

h ہوں ہوں کہ ہوں کا بہت ہوں کا جہ میں اور کیت m کا جہ میں رفت ارسے ہوار لڑھک رہاہے۔ اسس کے بعد جہم میلان پر m بلندی تک حیث میاتا ہے۔ (ا) اگر  $m=3v^2/4g$  ہو، جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر جم کا گھمیسری جمود کیا ہے؟ جم کی شکل کیا ہو سکتی ہے؟

# جوابات