طبعیا __ کے اصول

حنالد حنان يوسفزني

حبامع کامیٹ،اسلام آباد khalidyousafzai@hotmail.com

۳ر فنسروری۲۰۲۴

عسنوان

V																				~	ُپ	ب\	دىيسە	_کا	·	ي كتار	_	ی پیہ		
1 <u></u>			 	 																		افب	 کثا			ئس وقسه کمیسه ۲.۱		بیب ۱. ۲.	1	1
14 11									 						 						<u></u> _)اور ۲. •	انائي	فخفی تو	•	٢
79 79 MI MM			 	 		 	 		 		 						م	_ 	تصـ ا	بى بادم	الحب السيا	ير <i>ں</i> تو	مــ	بُعد د م	_ _	کیب ایک دوابع تغب		1.1 1.1 1.1		٣
11 11 1∠			 	 					 						 				بر	تصو	ىر رى.	<u>ب</u> پ	متغه کله	_	باو۔ .ا	گھمہ ۲.۱.۲	او _	ظم ۱.۲	,	۴
25 20 11			 	 			 									 ب. شه	لقمر ث	تھ کار کار ۔	_ 	لے ر ب نائی	ا حرا توا:	راغ نسب رکی	ے متغ س) اس زاوک لی ح	بتقل اورن هاو ک	مس خطی گھمہ		۲.۸ ۳.۸ ۲.۸	,	
۸۳ ۸۹ ۹۱			 	 													شمس	 گر	برا۔	ون	تان	وڑ راف	_ر ر	مر ر	<u></u> ن کاد	گھسہ قوب نیوٹر کام ا		۵.۵ ۲.۲ ۲.۸ ۸.۸	,	
1rm 1rm	•		 	 								بیر	خ	زو_			_	بارح	سي	ی مر	زاوأ	،اور	روڑ:	_	^_	'	، قور	٬۰۰۰ زهکاو ۱.۱	J	۵

1111 1111																 ىر ثانى	ظ	 زرپر ن	,,	دار لٹو _ مس	لڑھکاو ڈوری قو <u>۔۔</u>	r.a r.a	
120																		ــرک	رحب	معيا	زاوی.	۵۵	
۱۳۸															<u> </u>)روب	زاوك	روم،	بانون	كافت	نيوڻن	۵.۲	
۲۳۱													_	 کر.	بر	ارحس	تعب	اوی•	سم كاز	نوار ج	<u>ا</u>	∠.۵	
۱۳۵																						جوابات	

لڑھکاو، قوی مسروڑ، اور زاوی معیار حسر کے

ا. ۵ متقیم حسر ک<u> اور گلم</u>اوم سل کر لژه کاو دیتے ہیں

مقاصد

ا سے جھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا. حبان یائیں گے کہ لڑھکاو حن الص متنقیم حسر کے اور حن الص گھم او کامحب وعہ ہے۔

۲. ہموار لڑھکاومسیں مسر کز کمیت کی رفت اراور جسم کی زاوی رفت ارکا تعساق استعال کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• رداس R کے پہیا کے لئے جو ہموار سطح پر لڑھک رہاہو ذیل ہوگا:

 $v_{\underline{}} = \omega R$

جبال مرزئيس و پہيے كے مسركز كميت كى خطى دفت اراور س پہيے كے وسط پر پہيے كى زاوى دفت ارب-

• پہیے کو نقطہ P کے گرد، جو "فسرسش" کے ساتھ مسس ہے، لمحاتی گھومت تصور کیا حبا سکتا ہے۔ مسر کز کمیت کے گرداور اسس نقطہ کے گرد جم کی زاوی رفت اربر ابر ہے۔

طبعیات کیاہے؟

جیب باب ہم مسین ذکر کب گیب، گھماو کا مطالعہ طبیعیات مسین شامسل ہے۔ عنالبًا، اسس مطالعے کا اہم ترین اطباق پیچ اور پیچ نسااجسام کالڑھکاوہے۔ یہ اطباقی طبیعیات بہت عسرصہ سے استعمال مسین ہے۔ دستہ یم زمانے مسیں ہواری اجب م لٹھ پر لڑھ کاتے ہوئے ایک جگہ ہے دوسسری جگہ منتقبل کیے حب تے تھے۔ آج کل ہم گاڑی مسین سامان رکھ کرایک جگہ ہے دوسسری جگہ لڑھ کاتے ہیں۔

لڑھکاو کی طبیعیات اور انجلیٹ مزی اتنی پرانی ہے کہ اسس مسیں نے تصور مسکن نظر رنہ میں آتے۔ تاہم، میں وار تحقیر 'زیادہ پرانا نہیں۔ ہماراکام برہاں لڑھکاو کی حسر کرے کو سادہ ب ناہے۔

ستقیم حسر کت اور گھساوے مسل کر لڑھکاو دیتے ہیں ا

سطح پر ہمواری ہے لڑھتے اجسام پر بہباں غور کیا جبائے گا؛ یعنی جہم بغیب اچھلے یا پھیلے سطح پر حسر کت کرتا ہے۔ شکل 2.11 مسین ہموار لڑھا وی پیچید گی د کھائی گئی ہے: اگر جب جہم کامسر کز کیت سید ہی کسیسر پر حسر کرتا ہے، چکا پر نقطہ یقسینا ایس نہیں کرتا۔ ہہسر حسال، اسس حسر کت کو مسر کز کیت کی مستقیم حسر کت اور باقی جہم کا، اسس مسر کز پر، گھساو تصور کیا جب ساتا ہے۔

اے سیجھنے کے لئے، و نسر ض کریں آپ سٹر کے کن اربے کھٹڑے ہو کر، گزرتے ہوئے سائگل کے پہیے کا مطالعہ کرتے ہیں (شکل 1.11)۔ جیسا شکل مسیں و کھسایا گیا ہے، پہیے کا مسر کز کمیت O مشقل رفت اربی ہے سے آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور v بمیث v رفت اربی ہیں سٹر کے کومس کرتا ہے، بھی مربز کیسے v رفت اربی تیج رہت ہے۔ یور v بمیث v کو گیک نیج رہت ہے۔

و مستی دورانی t کے دوران، t اور t دونوں مناصلہ t کے کرتے ہیں۔ سائکل سوار کے نقطہ نظسرے، پہیازاوی t کے آعنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے آعنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے آغنیاز مسین پر محت قوی مناصلہ t کے انعمال دی ہے: t اور زاویہ t کا نعمال دی ہے:

$$(\Delta.1) s = \theta R$$

جہاں R ہیں کارداس ہے۔ پینے کے مسر کز (یکساں پینے کا مسر کز کیت) کی خطی رفت ار مسر کز کیت ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت حبان کتے ہیں۔ پینے کے مسر کز پر پینے کی زاوی رفت ار $d\theta/dt$ ہوگی۔ یوں R مستقل رکھتے ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت کے ساتھ تغسر تی ذل دیگا۔

$$v_{\underline{}} = \omega R \qquad (2.7)$$

دونوں کا ملاچ۔ شکل 4.11 مسیں دکھایا گیا ہے کہ پہنے کی لڑھئی حسر کت حسالا مستقیم حسر کت اور حنائص گھیسری حسر کت پیشری حسر کت ہے (جس مسیں مسرکز پر مور گھیسری حسر کت پیشری کی جس کرتی ہے (جس مسیں مسرکز پر مزاوی رفت اور سی سے گھومت ہے۔ (ایسی حسرکت پر محور گھساو ساکن تصور کیا جس کی نظمی رفت اور سی سی خور کیا گیا ہے کہ باہری کن ارے (چکا پر ہر نقطے کی خطی رفت اور سی برزیں میں خور کیا گھرم نہیں رہا): پہنے کاہر فقطے میں مستقیم حسرکت پیشر ہے کہ بہیا گھرم نہیں رہا): پہنے کاہر فقطے میں تصور کیا حباتا ہے کہ پہیا گھرم نہیں رہا): پہنے کاہر فقطے میں دائیں حسرکت کرتا ہے۔

skateboards1

شکل 40.11 اور شکل 46.11 مسل کر، شکل 40.11 مسیں پیش، پیپے کی اصل لوطنی حسر کست دیتی ہیں۔ حسر کات کے ملاپ مسیں پیپے کا مخیلا نقطہ ہے زیادہ تسیز، کے ملاپ مسیں پیپے کا مخیلا نقطہ ہے زیادہ تسیز، کی مطابرہ کسی الفقطہ ہے تیاں کہ جب ال استان کا اشب تی مظاہرہ کسیا گیا ہے، جب ال مسیر کرتا ہے۔ شکل 5.11 مسیں ان نتائج کا اشب تی مظاہرہ کسیا گیا ہے، جب ال سائکل کے لوطنی پیپے کا وقت اللہ المیں مقسم نظر آتی ہیں۔ ایس می کی سیالیاں مدھم نظر آتی ہیں۔ ہیں کہ پیپے کابالا حسد زیادہ تسیزی سے حسر کست کرتا ہے، چونکہ اسس می کی سیالیاں مدھم نظر آتی ہیں۔

سطح پر دائری جسم کی ہموار لڑھکنی حسر کے کو ، شکل 4a.11 اور شکل 4b.11 کی طسرح، حنالص گھیسری حسر کے اور حنالص مستقیم حسر کے مسین علیصہ دہ علیصہ دہ کمیاحبا سکتاہے۔

لزهكاو بطور حنالص گلمساو

شکل 6.11 میں پیچے کا لڑھ کاونے انداز میں پیش کیا گیا ہے؛ جس نقطے پر پہیا سٹر کے مس کرتا ہے، اسس فقطے پر پہیا سٹر کے مسل کرتا ہے، اسس فقطے سے گزرتی محود پر پہیا گھومت ہے؛ ہے۔ محود _{سر کرکیت} کا رفتارے حسر کت مسین ہوگا۔ ہم لڑھ کا کو مشکل 6.11 مسین نقطے ہم گررتی ہیچے کوعت و ددار، محور پر حن الص گھے و تصور کرتے ہیں۔ یوں شکل 6.11 مسین سمتیات، لڑھ کئی پہیے کر نقطوں کی کھے آتی سمتی رفتار دیتے ہیں۔

جواہے: وہی زاوی رفتار س جو سائیکل سوار مسر کز کمیت کے گرد منالص گھماو کامث اہدہ کرتے ہوئے پہیے کو مختص کرتا ہے۔

اسس جواب کی تصدیق کرنے کی حن طسر، ہم ساکن مشاہدہ کارے نقطبہ نظسرے لڑھکتی پہیے کے منسراز کی خطی رفت ار تلاسٹس کرتے ہیں۔ پہیے کارداسس R لیستے ہوئے، پہیے کا صنبراز سشکل 6.11مسیں P پرواقع محورے 2R مناصلے پر ہوگا، البندا منسراز کی خطی رفت ار(مساوات ۱۵۰۲ ستعال کرکے) ذیل ہوگی:

$$v_{i}$$
ن $=(\omega)(2R)=2(\omega R)=2v$ ن سرزکت

جو شکل 4c.11 کے عسین مطباق ہے۔ آپ شکل 4c.11 مسیں پیش، نقطہ O اور P کی، خطی رفت ارکی تصدیق بھی اسس طسرح کر سکتے ہیں۔

آزمائشس

ایک سائیل کے پچھلے بہیے کارداسس اگلے بہیے کے رداسس کادگٹ ہے۔(۱) کسیا جیلنے کے دوران بڑے بہیے کے مضراز کی خطی رفت ارچھوٹے بہیے کے مضراز کی خطی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس کے برابر ہے؟ (بب) کسیا پچھلے بہیے کی زادی رفت اراگلے پہیے کی زادی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یا دونوں برابر ہیں؟

timeexposure'

الرهاو كي قوتين اور حسر كي توانائي

مقاصد

ا مس ھے کو پڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے ت!بل ہوں گے۔

- ا. مسرکز کیت کی مستقیم حسر کی توانائی اور مسرکز کمیت کے گرد گھمیسری حسر کی توانائی کا محبموعہ حسامسل کرے جمع کی حسر کی توانائی معسلوم کریائیں گے۔
 - ۲. ہمواری کے ساتھ لڑھکتی جسم کی حسر کی توانائی مسیں تب یلی اور جسم پر سسرانحب م کام کا تعساق استعال کریائیں گے۔
- ۳. ہموار لڑھکاو (اہنے ابغیب میسلن) کے لئے، میکانی توانائی کی بقب استعال کر کے ابت دائی توانائی کی قیتوں اور اختتامی توانائی کی قیتوں کا تعسلق حیان یائیں گے۔

كليدي تصورات

• ہموارلڑھکنی پہیے کی حسر کی توانائی ذیل ہے،

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv\underline{\qquad}\omega^2$$

جباں مسر کز کیت پر جم کا گھی ری جود سر زیہ I اور پیے کی کیت M ہے۔

• اگر پہیا مسرع کیا حبائے، اور پہیا اب بھی ہمواری کے ساتھ لڑھکتا ہے ، مسر کز کمیت کے اسسراع میں انساق ذیل ہوگا۔

$$a_{\underline{},\chi_{\lambda}} = \alpha R$$

• اگر θ زاویہ کے میلان پر پہیا ہمواری کے ساتھ اترتے ہوئے لڑھکتا ہو، اسس کا اسسراع، میلان کے ہمسراہ اوپر رخ کور x پر وذیل ہوگا۔

$$a_{\underline{\underline{\underline{}}}} = -\frac{g \sin \theta}{1 + I_{\underline{\underline{}}} \int MR^2}$$

لڑھکاو کی حسر کی توانائی

آئیں س کن مث ہدہ کار کے نقط۔ نظسرے لڑھکتی پہیے کی حسر کی توانائی معسلوم کریں۔اگر ہم مشکل 6.11 مسیں نقطہ P سے گزر تی محور پر لڑھکاو کو حت الص گھب و تصور کریں، تب مساوات ۴۳۰۰زیل دیگی،

$$(a,r) K = \frac{1}{2}I_P\omega^2$$

جہاں P پر واقع محور کے گرد پہیے کا گھسیسری جمود I_P اور پہیے کی زاد کی رفت ادس سے۔مساوات ۳۳۰ کے مسئلہ متوازی محور I = I سئلہ متوازی محور I = I سئلہ متوازی محور I = I

$$I_P = I + MR^2$$

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}MR^2\omega^2$$

اور ماوات ωR)۵.۲ $=\omega R$)۱ستعال کرنے ذیل ماصل ہوگا۔

(a.a)
$$K = \frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2\omega^2$$

جبزو ω^2 وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ گزرتی محور پر پہنے کے لڑھاوے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ (ω^2 کیا ہے) اور حبنو و جبزو $\frac{1}{2}Mv^2$ کو پہنے کے مسر کز کمیت کی مستقیم حسر کت ہے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ تصور کیا ہے۔ (شکل 41.11)۔ یول ذیل وتاعہ دا بھسر تاہے۔

ر المان ا

لڑھکاو کی قوتیں

ر گڑاور لڑھکاو

$$(a.4) a_{\underline{}} = \alpha R (a.4)$$

 $\vec{f_k}$ جب پہنے پر عمسل پسیراص فی قوت کی بدولت پہنا پھلے ، تب مشکل 3.11 مسیں P پر حسر کی رگڑی قوت مسین مصل کرے گی اور مساوات P کا اطلاق نہیں ہوگا۔ اسس باب مسین صرف ہموار لڑھکا و نہیں ہوگا۔ اس باب مسین صرف ہموار لڑھکا نہیں کی حبائے گی۔

شکل 7.11 مسیں، افقی سطح پر دائیں رخ لڑھکتے ہوئے، سائکل معتابلے کے آغناز کی طسر ن، پہیازیادہ شینز گھسایا حباتا ہے۔ ذیادہ شینز گھساوہ کی بدولت P پر دائیں رخ رگڑی قوت اسس رجمان کا معتابلہ کرتی ہے۔ اگر پہیا پھیلے نہیں، سیہ قوت سکونی رگڑی قوت آئی ہوگا (جیساد کھسایا گسیا ہے)، حسر کت ہموار کڑی خور کی فاور مساوات کہ کا طال اق ہوگا۔ (رگڑی غیسر موجود گل مسین سائکل معتابلہ مسکن نہیں ہوگا۔)

اگر مشکل 7.11 مسیں پہیا آہتہ کیا جبائے، ہمیں مشکل دو طسرح تبدیل کرنی ہو گی: مسر کز کیت کے اسراع میں جبائی رخ ہوگا۔ میں کرنے اور نقطہ \vec{d} پررگڑی توت کے کارخ اب بائیں رخ ہوگا۔

ميلان سے پنچے لڑھكاو

سشکل 8.11 مسیں گول یک ال جم ، جس کی کیت M اور رداسس R ہے ، زاوی θ کے میلان پر ہمواری ہے ، محور X کے ہمسراہ ، نیچ گڑھک رہا ہے۔ ہم میلان کے ہمسراہ اترائی کے رخ جم کے اسسراغ x, سر کرنا ہے کہ میلان کے ہمسراہ اترائی کے رخ جم کے اسسراغ x, سر کرنا ورزادی صورت (π) عورت دونوں (π) عورت دونوں ایک کے میلان دوم کی خطی صورت (π) علی صورت (π) اور زادی صورت (π) اور تاریخ ہیں۔

جسم پر قوتوں کاحن کہ بہنانے سے آغناز کرتے ہیں (مشکل 8.11)۔

ا. جہم پر تحباذ بی قوت \vec{F}_g نشیب وار ہے۔ اسس سمتیہ کی دم جسم کے مسر کز کمیت پر رکھی حباتی ہے۔ میلان کے ہمسراہ حب رابر ہوگا۔ حب زو $Mg\sin\theta$ کے برابر ہوگا۔

۳. نقط ہمس P پر عمسل پسیرا سکونی رگڑی قوت \overline{f}_s مسلان کے ہمسراہ حپڑھ انگی کے رخ ہے۔ (کی آپ بت سکتے ہیں، کیوں ؟ اگر P پر جم پھیلے ،وواتر انگی کے رخ بھیلے گا۔ یوں محتالف رگڑی قوت حپڑھ انگی کے رخ ہوگی۔)

-1 کھتے ہیں۔ $(F_{3}$ مسیں گور $x = ma_{x})$ مسیراہ احب زاء کے لئے نیوٹن کانت نون دوم

$$(\delta.2) f_s - Mg\sin\theta = Ma_{i - x}$$

اسس مساوات مسین دونامعسلوم متغییرات، f_s اور a_{ij} ، پائے حباتے ہیں۔ (ہم f_s کی قیمت، رگڑی قوت کی زیادہ سے زیادہ قیمت، بہتر من نہمیں کر سکتے۔ ہم صرف انتساح بانے ہیں کہ رگڑی قوت اتنی ہے کہ جم پھسلت نہمیں اور مسیلان پر ہمواری سے لڑھکت اور تاہے۔)

ہم اب جہم کے مسرکز کیت پر جہم کے گھماو پر نیوٹن کے متانون دوم کا اطلاق کرتے ہیں۔ پہلے، مساوات اہم. τ استعال کرکے مسرکز کمیت کے لحاظ ہے جہم پر قوت مسروڑ لکھتے ہیں۔ رگڑی قوت \bar{f}_s کے معیار اثر کا بازو T ہے، اہلہٰذااسس کی قوت مسروڑ T ہوگی، جو اسس لئے مثبت ہے کہ شکل T میں ہے جم کو صناون

گھٹری گھٹنے کی کو ششش کرتی ہے۔ مسر کز کمیت کے لحیاظ سے قوت \vec{F}_{g} اور \vec{F}_{g} کے معیار اثر بازو صف میں، اہلیہ ذا $(\tau_{i} = I\alpha)$ ان کی قوت مسر وڑ صف رہوں گی۔ جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر نیوٹن کافت انون دوم زاوی روپ $(\pi_{i} = I\alpha)$ مسین کھتے ہیں۔

$$Rf_s = I_{\underline{\hspace{1cm}}} \alpha$$

اسس مساوات میں دونامعلوم متغیرات، $f_{\rm S}$ اور lpha ،پائے میں دونامعلوم متغیرات ہوں ہے دیاتے ہیں۔

 α اور α

مساوات 3.2مسیں $f_{\rm S}$ کی جگہ مساوات 6.8کادایاں ہاتھ ڈال کر ذیل ملت ہے۔

اسس مساوات کو استعال کر کے ، افق کے ساتھ زاویہ θ کے میالان پر کے ہمسراہ لڑھکتے جم کا خطی اسسراع a

یادر ہے، تحباذ بی قوت جم کو میلان پر اتر نے پر محببور کرتی ہے، تاہم جم کو گھو نے اور یوں لڑھکنے پر رگڑی قوت محببور کرتی ہے۔ اگر آپ رگڑی توت جم کو میلان کو تیارہ کر دیں، ہموار لڑھکا و اگر آپ رگڑ حنارج کر دیں (مضلأ، میلان کو تیاں کو تیاں کر تیاں کی جمہائے میلان پر پھسل کر اتر ہے گا۔ حنارج ہو حبائے گاور جم لڑھکنے کی بحبائے میلان پر پھسل کر اتر ہے گا۔

آزمائشس۲

وت رص A اور B ایک جیسے ہیں اور و سنر سٹس پر ایک جتنی رفت ارے لڑھکتے ہیں۔ و سیر ص A کے سامنے میلان آتا ہے جس پر یہ زیادہ ہے زیادہ A تک پہنچتا ہے۔ و سیر ص B متمن ش ، لیکن بلار گڑ، میلان پر حب ڑھت ہے۔ کیا A ہے ذیادہ کم بیا سس کے برابر بلندی تک B پنچ گا؟

نمونی سوال ا.۵: یکسال گیند، جس کی کمیت $M=6.00\,\mathrm{kg}$ اور دواسس R ہے، زاویہ $\theta=30.0^\circ$ میلان سے انساز کر کے، ہموار لڑھکت ااتر تا ہے (مشکل M=1.11)۔

(۱) انتصابی $h=1.20\,\mathrm{m}$ نیخت کر گینند کی دفت ارکسی ہوگی؟

كلب دى تصورات

چونکہ صرف تحباذبی قوت، جوبقبائی قوت ہے، گینند پر کام سسرانحبام دیتی ہے، البندامیلان پر الڑھک کر اترنے کے دوران گیند وزمسین نظام کی میکانی توانائی E کی بقسا ہوگی۔ میلان سے گینند پر عسود دار قوت گینند کی راہ کو عسود کی ہونے کو دوران گینند کی کام سسرانحبام نہیں دیتی۔ گینند کھلتا نہیں (ہموار لڑھکتا ہے) البندار گڑی قوت کوئی توانائی حسری توانائی مسین تبدیلی نہیں کرتی۔

 $E_f=E_i$ يوں ميكانى توانائى كى بقت ہوگى

$$(\delta.11) K_f + U_f = K_i + U_i$$

جباں زیر نوشت f اور i بالست رتیب (زمسین پر پنج کر) افتای اور (ب کن حیالت) ابت دائی قیمتیں ظاہر کرتی $U_f = 0$ عیال نیست کی کمیت ہے) اور افتای قیمت نظام کر آن ہیں۔ تحب ذبی مختی توانائی کی ابت دائی جب کے اضافی تصور در کار ہے: چو نکہ گیت د لڑھکت ہے۔ ابت دائی حسر کی توانائی میں مستقیم اور گھیری حبزوٹ مسل ہوں گے، جنہیں شامسل کرنے کے لئے مساوات U_i کے کادایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔ U_i کے مساوات کادایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔ U_i کادایاں ہاتھ استعمال کرتے ہیں۔

حماء: ماوات ١١٥مسين دالخ سے زيل ماصل موگا:

(a.ir)
$$(\frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2) + 0 = 0 + Mgh$$

جباں گیٹ دے مسر کز کمیت ہے گزر تی تحور پر گیٹ د کا گھیسری جمود _{سر کز کیس} I ، زمسین پر پکتی کر گیٹ د کی رفت ار (جو ہم تلاسٹس کرناحیاہتے ہیں) _{سر کرکیس} تا ،اورزمسین پر پہنی کرزاوی رفت ارسی ہے۔

چونکہ گیند ہموار لڑھکتا ہے، ہم مساوات ۱۵.۲ ستعال کر کے ω کی جگہ R سے میں نامعسلوم متغیرات کی تعبداد کم کر سکتے ہیں۔ ایس کر کے، اور حبدول 2f.10 سے میں نامعسلوم متغیرات کی جگہ I کی جگہ وال کر سے بری یہ v کے لئے حسل کرنے ہے ذیل حساس ہوگا۔

یادرہے،جواب M اور R پر منحصسر نہیں۔

(ب)ميلان پر لڑھک كراترنے كے دوران كينف پرر گڑى قوت كى تدر اوررخ كسابيں؟

كلب دى تصور

چونکه گین دیموار لڑھکتا ہے، مساوات ۵.۹ گین دیر رگڑی قوت دیگی۔

۳.۵. ژوري دارائو

حماہ: مساوات ۹۔ ۱۵ استعال کرنے ہے قبل ہمیں مساوات ۱۰۔ ۵ کیٹ د کااسراع معسلوم کرناہوگا۔

$$a_{\underline{\ }}_{x} = -I_{\underline{\ }}_{x} = -\frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}MR^{2} \frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}Ma_{\underline{\ }}_{x}$$

$$= -\frac{2}{5}(6.00 \,\mathrm{kg})(-3.50 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8.40 \,\mathrm{N} \qquad (-1.5)$$

یادرہے ہمیں کمیت M در کار تھی جبکہ رداسس R مہیں تھتا۔ یوں، °30 میان پر 6.00 kg ہموار لڑھکتے گیند پر، گیند کے رداسس سے قطع نظر مر، رگڑی قوت زیادہ ہوگی، تاہم بڑی کمیت کی صورت مسین رگڑی قوت زیادہ ہوگی۔

۵.۳ ڈوری دار لٹو

مقاصداس مھے کویڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. دورى يراويريني حسركت كرتے دورى دار الوسكا آزاد جسى من كه بنايا كيس كـ
- r. حبان یائیں گے کہ ڈوری دار الو،ایب جسم ہے جو °90 زاویہ میلان پر ہموار اوپر نیچے لڑھکتا ہے۔
- س. ڈوری پر اوپر نیچے حسر کت کرتے ڈوری دار لٹو کے اسسراع اور تھمیسری جمود کا تعسلق استعمال کریائیں گے۔
 - ۴. ڈوری پر اوپریا نیجے حسر کے دوران ڈوری داراٹو کی ڈور مسیں شناو تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• دوری دار انوجو دوریر اویریاینیج حسر کت کرتا ہو کو °90 میلان پر ہموار لڑھکت اجسم تصور کیا حب سکتا ہے۔

<u>ڈوری دار لٹو</u>

ڈوری دار لئوکی ایک نئی مسیں ڈور کو دھسرے کے ساتھ سخت باندھنے کے بحبئے ڈور کو دھسرے کے گرد ڈھیلا گھیرا دیا حباتا ہے۔ جب لئو نینچ اترتے ہوئے ڈور کے پیٹ داکو "کراتا" ہے، دھسرے پر ڈور اوپر وار قوت لاگو کر کے لئوکی نشیبی حسرکت روکتی ہے۔ اسس کے بعب لئوصرف گھمیسری حسر کی توانائی کے ساتھ (دھسرا گھیسر مسیں حیکر کاشت ہوا) گھومت ہے۔ لئو ("سوتے ہوئے") حیکر کاشتارہت ہے؛ ڈور کو جھٹکا دینے پر ڈور دھسرے کو پکڑتی ہے، "لئوبیدار ہوتا ہے"، اور اوپر حیبڑھن شسروع کرتا ہے۔ ڈور کے پیٹ داپر لئوکی گھمیسری حسر کی توانائی (اور یوں سونے کا دورانیس) بڑھانے کی حن اطسر لئوکو ساکن حیالت سے رواناکرنے کی بجبائے ابت دائی رفت ال میرزئیست تا اور س) کے ساتھ نشیب وار پھینکا حباتا ہے۔

ڈور پر نشیب وار اترنے کے دوران لئو کا خطی اسسراع _{سر کز کیس} میں میلان پر اتر تے لؤھکتے جہم کی طسرح، نیوٹن کانت نون دوم (خطی اور گھمیسری رویہ مسین)استعال کیا حب سکتاہے۔ماسوائے ذیل، تحب نریہ بالکل اس

- ا۔ افق کے ساتھ θ زاویے کے میلان پر اترنے کے بحبائے ڈوری دار لٹوافق کے ساتھ °90 زاویے کی ڈور پر اتر تاہے۔
- r. رداسس R کی بیسرونی سطح پر لڑھکنے کے بحیائے ڈوری دار الور داسس R₀ کے دھسرے پر لڑھکتا ہے (شکل 9a.11)۔
 - س. رگڑی قوت \vec{f}_s کے بحائے، ڈوری دار اٹو کو ڈور کا تناو \vec{T} آہتہ کرتاہے (شکل 9b.11)۔

موجودہ تحب زے بھی مساوات ۱۰ دے گا۔ آئیں مساوات ۱۰ ۵ کی ترقیم تبدیل کرکے اور °90 🔹 🖯 ڈال کر خطی اسسراع ذيل لكھتے ہيں:

(a.ir)
$$a_{\underline{}\underline{}\underline{}}_{5/5} = -\frac{g}{1 + I_{\underline{}\underline{}}_{5/5} / MR_0^2}$$

جہاں اٹو کے مسر کز کمیت پراٹو کا تھمیسری جمود سے رہے۔ I اور کمیت M ہے۔ ڈوری پراوپر حسٹر ھنے کے دوران ڈوری دارالٹو كالسسراع يهي نشيبي اسسراع موگا۔

۸.۵ قوی مسروژیر نظسر ثانی

مقاصد اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ قوت مسروڑ ایک سمتیہ معتدارہے۔
- r. حیان مائیں گے کہ جس نقطہ پر قویہ مسروڑ تعسین کساجیائے اسس کاذکر صربحباً کرنالازم ہے۔
- س. ذرے پر عمسل پسپراتوت کی ذرے پر قوت مسروڑ ، اکائی سمتیہ ترقیم یات در وزاوی ترقیم کے رویے مسیں ، ذرے کے تعبین گرسمتیہ اور قویت سمتیہ کے صلیبی ضرب سے حساصل کریائیں گے۔
 - ہ. صلیبی ضرب کادامال ہاتھ ت عبدہ استعمال کرکے قوت مسروڑ کارخ تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• تین ابعباد مسیں، قوت مسروڑ 🛪 ایک سمتیہ مقدار ہو گی، جو کسی مقسررہ نقط، (عسوماً میدا) کے لحیاظ سے تعین کی حیاتی ہے؛اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

جباں $ec{F}$ ذرے پر لاگو قوت اور $ec{ au}$ کسی مقسررہ نقطے کے لحاظ سے ذرے کا تعسین گرسمتیہ ہے،جو ذرے کامعتام دیت ا

$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

 F_\perp جبال \vec{F} اور \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو \vec{F} کامعبوردار جبزو F_\perp ، اور \vec{F} کامعیار اثر کابازو

قوے مسروڑ ت کارخ صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ مت عدہ دیگا۔

قوت مسروڑ پر نظسر ثانی

باب م مسین مقسر رہ محور کے گرد گھونے کے حتابل استوار جم کے لئے قوت مسروڑ ہ کی تعسریف پیش کی گئی۔ ہم
قوت مسروڑ کی تعسریف کو وسعت دے کر (مقسر رہ محور کے بحبائے)مقسر رہ نقطے کے لحاظ سے کسی بھی راہ پر حسر کت
کرتے ہوئے الفسرادی ذرے کے لئے استعمال کرتے ہیں۔ راہ کا دائری ہونا ضروری نہیں، اور ہم قوت مسروڑ کو سمتیہ ہے گھتے ہیں
جس کا رخ کچھ بھی ہو سکتا ہے۔ قوت مسروڑ کی متدر کلیہ سے اور رخ صلیبی ضرب کے دایاں ہاتھ مت عدہ سے مصل
کے سامنات کے متاب سکتا ہے۔

 \vec{F} مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین قوت، xy عسل کرتی ہے، اور مب دا xy کے لحاظ ہے ذرے کامعتام تعسین گرسمتیہ xy دیت ہے۔ مقسر رہ نقط ہور گئی تعسر پینے نہیں ہے۔ پر عسل پیسے دا قوتے مروث xy کی تعسر پینے نہیں ہے۔

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$
 قوت مسرور کی تعسرینی $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$

قوت مسرور ٹ آئی اسس تعسریف مسیں سمتی (صلیبی) خرب کی تحسیب حصہ 3.3 کے قواعہ دے کی حباس تن ہے۔ آئی کارخ حبائے کے لئے، سمتی آئی کو (رخ تبدیل کیے بغیبر) کھرکا کر اسس کی دم مبدا کی پر رکھی حباتی ہے؛ یوں، جیسا
19a.3 مسیں جکھ کے اب ہم شکل 10b.11 مسیں دکھیا گیا ہے، سمتی ضرب کے دونوں سمتیات کی دم ایک نقطے پر ہو گا۔ اب ہم شکل 19a.3 مسیں بیٹ دایاں ہاتھ و تباعد مار سمتال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حبار انگلیاں آئی پر کھ کر (ضرب مسیں بہلاسمتیہ ہے) کے طسر نے بچھاتے ہیں (جو ضرب مسیں دوسراسمتیہ ہے)۔ سیدھ کھٹڑا انگوٹ آئی کارخ دیگا۔ شکل 10b.11 مسیں کی کررخ مور سے کے مشت رخ ہے۔

 $(c=ab\sin\phi)$ کاعب وی نتیجب بروئے کارلاتے ہیں، جوذیل دیگا: $au=rF\sin\phi$

جباں \vec{r} اور \vec{F} کے دم ایک نقطے پر رکھ کر سمتیات کے نیچ چھوٹا زاویہ ϕ ہے۔ شکل 10b.11 ہے ہم دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات 10b.31 کھی جب سکتی ہے:

(a.14)
$$\tau = rF_{\perp}$$

جہاں F_{\perp} (جو $F\sin\phi$ کے برابر ہے) F کا F کا عصود دار حبز و ہے۔ شکل 10c.11 کو کھے کر مساوات $F\sin\phi$ کھی حب سکتی ہے:

$$\tau = r_{\perp} F$$

جہاں $r\sin\phi$ جہاں جہ $r\sin\phi$ کی برابرہے) ec F کامعیاراڑ کابازو(ec F کے خط عمسل اور ec C کے ec Gعصود دار و نساسلہ) ہے۔ ec T آزمائٹس ec T

ذرے کا تعسین گرسمتیہ تق ، مثبت محور 2 کے ہمسراہ پایا حباتا ہے۔اگر ذرے پر قوی مسروڑ (۱) صنسر ہو، (ب) محور ٪ کے منفی رخ ہو، اور (ج) محور ۷ کے منفی رخ ہو، قویہ مسروڑ پسید اکرنے والی قویہ کارخ کسیاہو گا؟

نمونی سوال ۵.۲: قوتے کی بدولتے ذرہ پر قوتے مروڑ مسئل کرتی ہیں۔ ذرہ، مستوی xy مسیں، نقطہ A پرہے، جسس کا 11a.11مسیں، 2.0 N مسیں، نقطہ A پرہے، جسس کا تغسین گرسمتیہ تم ، جہاں $r = 3.0 \, \mathrm{m}$ اور °30 $\theta = -2$ ہے۔ مبدا $\theta = 3.0 \, \mathrm{m}$ کا تغسین گرسمتیہ تم ، جہاں مسروڑ کسے ؟

كلب دى تصور

چونکه قوب ایک مسین نہیں پائی حب تیں، ہمیں صلیبی ضرب استعال کرنا ہو گی، جس کی و تدر مساوات ۱۱۵ ه ($au=rF\sin\phi$) دیگی اور رخ دامال ہاتھ و تا عب دورگا۔

حماج: ہم مبدا O کے لحاظ ہے قوت مسروڑ حبان جہتے ہیں البذا دیا گیا تعین گر سمتیہ صلیبی خرب مسین درکار سمتیہ آج ہوگا۔ قوت اور آج کے آخ زاویہ ϕ حبائے کے ہم شکل 11a.11 مسین در کے گئے تاہم مشکل \vec{F}_2 ، \vec{F}_3 ، اور \vec{F}_3 ، اور \vec{F}_3 بالک یوں کھرکاتے ہیں کہ ان کی دم O پر ہو۔ انتصال کے بعد قوت \vec{F}_2 ، آور \vec{F}_3 ، اور \vec{F}_3 بالت رتیب شکل 11b.11 میں جو مستوی xz کا نظارہ دو تی ہیں ، دکھائی گئی ہیں (جن مسین سمتیہ قوت اور تعین گر سمتیہ کے آخ زاویہ بالک نظامی آخر ہوگئی کے آخراویہ \vec{F}_3 کے آخر کے آخراویہ مسین عصود دار اندر رخ ہے۔ (صفحہ سے عصود دار نکلنے کی صورت مسین \vec{F}_3 عرامت استعال کی حبالہ جب کے جب کے سامت استعال کی حبالہ ہے۔)

مساوات ۱۵٬۱۵ستعال کر ذیل حساسسل ہو گا۔

$$\tau_1 = rF_1 \sin \phi_1 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 150^\circ) = 3.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$
 $\tau_2 = rF_2 \sin \phi_2 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 120^\circ) = 5.2 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$
 $\tau_3 = rF_3 \sin \phi_3 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 90^\circ) = 6.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$

اب دائیں ہاتھ مت عدہ استعمال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حیار انگلیاں \vec{r} کے رخ رکھ کر \vec{f} کے رخ (سمتیات کے رخ کے \vec{g} چھوٹے زاویے) گھٹ تے ہیں۔ دائیں ہاتھ کا اگوٹھٹ، جو حیار انگلیوں کو عصود دار رکھٹ گیا ہے، توت مسروڑ کارخ دیگا۔ یوں \vec{r} کارخ \vec{t} کارخ کے اندر حیا نے کے رخ ہوگا؛ اور \vec{t} کارخ \vec{t} کارخ \vec{t} کارخ کے اندر کے دائی کے دائی کے دائی کے دائی کے دائی کی کے دائی کے دائی کو کے دائی کو کے دائی کر کے دائی کر کے دائی ک

۵.۵ زاوی معیار حسر کت

۵.۵ زاوی معیار حسر کس

قاصد

اس حسہ کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے تباہل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ زاوی معیار حسر کے ایک سمتیہ معتدار ہے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ جس مقسررہ نقط کے لحاظ سے زادی معیار حسر کسے تعین کیا حبائے اسس کاذکر صریحاً کرنالازم ہے۔
- ۳. اکائی سمتیر ترقیم یافت در وزاوی ترقیم مسین ، ذرے کے تعسین گرسمتیر اور معیار حسر کے سمتیر کاصلیبی ضرب لے کر ذرے کازاوی معیار حسر کے تعسین کریائیں گے۔
 - ۴. صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ تعامدہ استعال کرئے زادی معیار حسر کت کارخ نعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• ایک زرہ، جس کا خطی معیار حسر کت \vec{p} ، کیت m، اور خطی سعتی رفت از \vec{v} ہو، کا مقسر رہ نقطے کے لحاظ سے (جو عسوماً مبدا ہوگا) زادی معیار حسر کت \vec{l} کی تعسر یف زیل سعتی معتدار ہے۔

$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

$$\ell = rmv \sin \phi$$

$$= rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$= r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جبال \vec{r} اور \vec{v} کی \vec{v} ناوی ہے، \vec{r} کو \vec{v} اور \vec{v} کے عصود دار حبزو p_{\perp} اور p_{\perp} بیں، اور مقسررہ نقطے سمبدوط \vec{v} تک عصود دار صناصلہ r_{\perp} ہے۔

• دایاں ہاتھ وت عبدہ ℓ کارخ دیگا: دائیں ہاتھ کی حیار انگلیاں ℓ کے رخ پر (ابت دائی طور) رکھ کر انہیں گھس کر ℓ کے رخ پر رکھیں۔ دائیں ہاتھ کا سیدھ کھٹر اانگوش ℓ کا رخ دیگا۔

زاوی معیار حسر کت

یاد کریں، خطی معیار حسر کت \vec{p} اور خطی معیار حسر کت کی بقت کا اصول انتہائی طاقت و اوزار ہیں۔ انہیں استعال کر کے نتائج کی، مشاہ دو گاڑیوں کے تصادم کی تفصیل حبانے بغیبر تصادم کی، پیٹیگوئی کی حباس تھ ہے۔ یہاں ہم \vec{p} کے زاوی مدمت اہل پر جوسرہ حشروع کرتے ہیں جس کا اختتام حصہ 8.11 مسیں بقت کی اصول کے مدمت اہل پر ہوگا۔

شکل 12.11 میں مستوی xy مسیں نقط A سے کمیت m اور خطی معیار حسر کت \vec{p} (\vec{v}) کاذرہ گزرتا \vec{v} د کھیا گیا ہے۔ مبدا \vec{O} کے لیاظ سے ذرے کا **زاوری معیار حرکت** \vec{v} کم سمتیہ مت دار ہوگا جس کی تعسر پینے ذیل ہے،

(۵.۱۸)
$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$
 (غاوی معیار حسر کت کی تعسرینی)

جہاں O کے لیاظ سے ذرے کا تعیین گر سمتیہ \overline{r} ہے۔ مبدا O کے لیاظ سے جب ذرہ معیار حسرکت \overline{p} ($m\overline{v}$) کے رخ کر تاہے، اس کا تعیین گر سمتیہ \overline{r} مبدا O کے گرد گھی ہی حسرک حسرکت کر تاہے۔ فور کریں، O پر ادوی معیار حسرکت کے لئے ضروری نہیں کہ ذرہ فود O کے گرد گھومت ہو۔ مساوت O اور مساوات O اداری معیار حسرکت کے لئے ضروری نہیں کہ ذرہ فود O کے گرد گھومت ہو۔ مساوت O اور مساوت O موازت کرنے معلوم ہوگا کہ زاوی معیار حسرکت اور خطی معیار حسرکت کا آپ مسرح مسرح مسرخ مسرخ نسین شرک معیار حسرکت کی اکائی کلوگرام مسرح مسرخ مسرخ نسین شرک سیکنڈ O کا کامعیاد کر (O کے مسرخ کا کامعیاد کر (O کے دور اول سیکنڈ (O کا کامعیاد کر ہے۔

قدر۔ زادی معیار حسر کت ℓ کی ت در معساوم کرنے کے لئے ہم مساوات 27.3 کا عسو می نتیجہ ذیل لکھتے ہیں:

$$(a.19) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

جہاں تر اور \vec{p} کی دم ایک نقط پرر کھ کر سمتیات کے بی حجمونازاوی ϕ ہے۔ شکل 12a.11 دیکھ کر مساوات 1.90 ذیل کھی جب کتی ہے:

$$(a.r•) \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

جباں \vec{r} کو \vec{p} کاعب ود دار حبزو p_{\perp} ہے، اور \vec{r} کو \vec{v} کاعب ود دار حبزو v_{\perp} ہے۔ شکل 12b.11 دیکھ کر مساوات p_{\perp} کاعب وکا کھی جساستی ہے:

$$(\mathbf{a}.\mathbf{r}) \qquad \qquad \ell = r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جہاں مبسوط \vec{p} سے O کاعب وددار فناصلہ r_{\parallel} ہے۔

اہم۔ دوپہلوپر غور کریں: (1) زادی معیار حسر کت صرف کی مخصوص مبدا کے لیے ظے معنی خسیز ہے اور (2) اسس کا رخبر صورت اسس مستوی کو عصودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ \vec{p} مسل کر بہناتے ہیں۔ آزماکٹ ۴ ماکٹ ۴ میں مستوی کو عصودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تر اور خطی معیار حسر کت سمتیہ تر ماکٹ ۴ مسل کر بہناتے ہیں۔

angularmomentum

۵.۵ زاوی معبار حسر ک بیس

سٹکل ؟؟ امسیں ذرہ 1 اور 2 نقطہ 0 کے گربالت رتیب درداسس 2 اور 4 m کے دائروں پر حسر کت کرتے ہیں۔ مشکل بست میں ذرہ 3 اور 4 نقطہ 0 کے بالت رتیب 4 m اور 2 m عصود دار فناصلوں پر فط مستقم پر حسر کت کرتے ہیں۔ ذرہ 5 نقطہ 0 ہے باہری رخ حسر کت کرتا ہے۔ تمام ذروں کی کمیت اور رفت اربرابر ہیں۔ (۱) نقطہ 0 پر کا ذروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 0 پر کن ذروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 0 پر کن ذروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 0 پر کن ذروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن ذروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کا در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کی در حب بہندی کریں۔ (ب) نقطہ 9 پر کن دروں کی دروں

نمونی سوال ۵.۳ دو ذروی نظام کا زاوی معیار ترکھے

افتی راہوں پر دوذرے مستقل معیار حسر کت کے ساتھ حسر کت کرتے ہیں۔ شکل 13.11 مسیں ان کا فصن کی حب کزہ O بیش ہے۔ ذرہ D ، جس کے معیار حسر کت کی صدر D D ور تقسین گرسمتی D ور تقسین گرسمتی گرسمتی D ور مسافی زاد کی میسار حسر کت کی صدر D و میں گرسمتی گرسمتی گرسمتی گرسمتی کے معیار حسر کت کی میسار حسر کت کی میسار حسر کت کی میسار حسر کت کی کہ کہ وزردی نظام کا نقل D کی میسار حسر کت کے کسیاہوگا؟

كلب دى تصور

انف سرادی زاوی معیار حسر کے آب اور $\vec{\ell}_1$ معلوم کرنے کے بعد جُع کر کے ہم صافی معیار حسر کے تا تلامش کر مسکت ہیں۔ البت، ہمیں کے ہیں۔ ان کی تعدریں مساوات ۵.۱۸ تامساوات ۵.۲۱ مسیں ہر ایک سے تعمین کی حباستی ہیں۔ البت، ہمیں عصود دارف صلے $r_{\pm 1}$ ور $r_{\pm 1}$ اور $r_{\pm 1}$ اور معیار حسر کت کی متدریں $r_{\pm 1}$ اور $r_{\pm 1}$ اور معیار حسر کت کی متدریں $r_{\pm 1}$ اور $r_{\pm 1}$ کا استعال زیادہ آسان ہوگا۔

حماج: زره 1 ك لئ مساوات ٥٠٢١زيل ديكار

$$\ell_1 = r_{\perp 1} p_1 = (2.0 \,\mathrm{m}) (5.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $10 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

 $\vec{r}_1 imes \vec{p}_1 imes \vec{p}_1$ سمتیہ $\vec{\ell}_1$ کارخ مساوات ۱۵.۱۸ اور سمتیات کے صلیبی ضرب کا دایاں ہاتھ تاعبدہ دے گا۔ صلیبی ضرب کا دران صف سے باہر نظنے کے رخ، مشکل 13.11 کے مستوی کو عصود دار ہو گا۔ بی مثبت رخ ہے، جو ذرے کی حسر کت کے دوران ذرہ 1 کا زاوی معیار ذرے کے تعیین گرسمتیہ \vec{r}_1 کا نقطہ \vec{r}_2 کا نقطہ \vec{r}_3 کا نقطہ \vec{r}_4 کا نقطہ کے حسین مطابق ہے۔ یوں ذرہ 1 کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_1 = +10\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

اسى طىرى $\vec{\ell}_2$ كى ت در ذيل

$$\ell_2 = r_{\perp 2} p_2 = (4.0 \,\mathrm{m}) (2.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $8.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

اور $\vec{p}_2 \times \vec{p}_3$ سمتیہ سے صل ضرب صف ہے باہر رخ ہے، جو منفی رخ ہے، اور جو ذرہ 2 کی حسر کت کے دوران O کے گرد نوع کے گلسٹری وار حسر کت کے عسین مطبابق ہے۔ یوں ذرہ 2 کا زادی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_2 = -8.0\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

دو ذروی نظام کاصافی زاوی معیار حسر کے زیل ہو گا۔

$$\begin{split} L &= \ell_1 + \ell_2 = +10\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1} + (-8.0\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1}) \\ &= +2.0\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{i.s.}) \end{split}$$

مثبت علامت کہتی ہے 0 پرنظام کاصافی معیاد حسرکت صفحہ ہے اہر نکلنے کے رخ ہے۔

۵.۲ نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

معاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعید آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا۔ زادی رویے مسین نیوٹن کا وت انون دوم استعال کر کے ، کسی مخصوص نقطہ کے لحاظ سے، ذریر برعمل پہر اقوت مسروڑ اور ذرے کے زاوی معیار حسر کت مسیں پیداتب ملی کار شتہ حبان یائیں گے۔

كليدي تصور

• نیوٹن کافت نون دوم کازادی رویے ذیل ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{c}}}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جہاں میں $\vec{ au}$ ذرے پر صافی قوت مسروڑ اور $\vec{ au}$ ذرے کازاوی معیار حسر کت ہے۔

نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

نيوڻن کافت انون دوم ذيل روي مسين:

(۵.۲۲)
$$\vec{F} = \frac{\mathrm{d}\vec{p}}{\mathrm{d}t}$$
 (واحد زرو)

واحد ذرے کے لئے، قوت اور خطی معیار حسرکت کے نی فتر بی رسشتہ احباگر کرتا ہے۔ ہم خطی اور زاوی معتادیر کی متوازیت دکھے سے بیں اور توقع کر سکتے ہیں کہ قوت مسرور اور زاوی معیار حسرکت کے چے بھی مسری تعالق ہوگا۔ مساوا۔۔۔ ۵.۲۲ کو دیکھ کر ہم ذیل تعسلق کی توقع کرتے ہیں۔

(۵,۲۳)
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$
 (واحدوزره)

یقسیناً، مساوات ۲۳.۵واحسد ذرے کے لئے نیوٹن کے وت انون دوم کازاوی رویے ہے:

ذرے پر تمام قوت مسروڑ کا (سمتی) محبموعہ ذرے کے زادی معیار حسر کت مسین تبدیلی کے برابر ہوگا۔

کی مخصوص نقطہ کے لحیاظ ہے، جو عب موماً محید دی نظام کامب داہوگا، قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ اور زاوی معیار حسر کے لیے بغت میں اور سے 0.7 بغیبر مساوات 0.7 ہے معنی ہوگی۔

مساوات ۲۳ ۵ کا ثبوت

ہم مساوات ۱۸ یک آغباز کرتے ہیں،جو ذرے کے زاوی معیار حسر کت کی تعسریف ہے:

$$\vec{\ell} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

جباں \overline{t} زرے کا تعسین گرسمتیہ اور \overline{v} ذرے کی سستی رفت ارہے۔ دونوں اطسرانے کا تغسیر \overline{t} کے لحیاظ سے لیے ہیں۔

(a.rr)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m \left(\vec{r} \times \frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} + \frac{\mathrm{d}\vec{r}}{\mathrm{d}t} \times \vec{v} \right)$$

البت، $d\vec{v}/dt$ ذرے کا اسراع \vec{a} ، اور $d\vec{v}/dt$ ذرے کی سنتی رفت ارہے۔ یوں مساوات $d\vec{v}/dt$ کھی جب سکتی $d\vec{v}/dt$ نہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a} + \vec{v} \times \vec{v})$$

اب $ec{v} = 0 \times ec{v} \times ec{v}$ ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر ہے ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر کے برابر ہوگا۔ کے برابر ہوگا۔ کا بین آحسنری حبیز وحسارج ہوگا اور ذیل رہ حبائے گا۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a}) = \vec{r} \times m\vec{a}$$

ہم نیوٹن کامت نون دوم $ec{F}_{i}$ سے ال $ec{F}_{i}$ استعال کر کے جس کی جگہ سے $ec{F}_{i}$ ڈال کر ذیل مساسل کرتے ہیں۔

(a.ra)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = \vec{r} \times \vec{F}_{\dot{\mathbf{j}}} = \sum (\vec{r} \times \vec{F})$$

یہاں عسلامت $\sqrt{7}$ کہتی ہے تمام قو توں کے سمتی ضرب \vec{F} \times \vec{F} کا محبوعہ لین ہوگا۔ البت، مساوات ۵.۱۳ ہے ہم حبائے ہیں (درج بالا) ہر سمتی ضرب کی ایک قوت سے وابستہ قوت مسروڑ ہوگا۔ یوں، مساوات ۵.۲۵ ذیل کہتی ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{d}} t} = rac{ ext{d} ec{\ell}}{ ext{d} t}$$

٥ - من سال ضرب كالنسر ق السية بوئ مستمل معتادير كارتيب برمت رار ركھيں۔ يون يبال تر بميث ق سے بہلے بوگا۔

جومساوات ۵.۲۳ ہے، جے ہم ثاب*ت کر*ناحیاہتے تھے۔

آزمائش ۵

کل ؟؟ مسیں کی ایک لیجے پر ذرے کا تعسین گرسمتیہ $\overline{\tau}$ ، اور ذرے کو مسرع کرنے والی قو توں کے حیار ممکن رخ دیے گئے ہیں۔ xy مسیں ہیں۔(۱) نقطہ xy مسیں ہیں۔(۱) نقطہ xy مسیں ہیں۔(۱) نقطہ xy کی منفی شدر کے زاوی معیار حسر کرت مسیں تبدیلی کی منفی شدر کردی کی اعظم قیمت اول رکھ کر، قو توں کی در حب بندی کریں۔(ب) نقطہ xy کو نمی قوت تبدیلی کی منفی شدر کردی ہے ؟

نمونی سوال ۵۰۰۰ قوم مرورُ اور زاوی معیار حرکت کا وقتی تفرق

ایک ذرہ جس کی کمیت 0.500 kg ہے اور جس کا تعیین گرسمتیہ ذیل ہے، متقیم نط پر حسر کت میں ہے (شکل 14a.11):

$$\vec{r} = (-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j}$$

جہاں آ میٹر مسین اور t سیکنڈ مسین ہے، اور آغناز t=0 پر ہوتا ہے۔ تعسین گرسمتیہ مبداے ذرے کے مسرکز کی نشاند ہی کر تا ہے۔ اکائی سمتیہ ترقیم مسین، ذرے کا ذاوی معیار حسر کت آ آور ذرے پر قوت مسروڑ آ مبدا کے لحاظ سے (یامبدایر) تلامش کریں۔ ذرے کی حسر کت کومد نظس رکھتے ہوئے ان معتادیر کی الجبرائی عسلامت کی وحب پیش کریں۔

كلييدى تصورات

(1) جس نقط پر ذرے کا زاوی معیار حسر کت تلاش کرنا ہو اس کی نشاند بی کرنا لازم ہے۔ یہاں وہ نقط مبدا پر واقع ہے۔ (2) جس نقط پر ذرے کا زاوی معیار حسر کت $\vec{l} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$ (3) درے کا زاوی معیار حسر کت ہے دوران ذرے کے تعیین گرسمتیہ کے زاوی معیار حسر کت کے دوران ذرے کے تعیین گرسمتیہ کے زاوی معیار حسر کت والی معیار حسر کت ایک نقط پر حاصل کے گئے ہوں، تب قوت مسرور اور زاوی معیار حسر کت کا دوران کا زاوی معیار حسر کت کا تعلیم نقط پر حاصل کے گئے ہوں، تب قوت مسرور اور زاوی معیار حسر کت کا تعلیم کا تعلیم کا تعلیم کے گئے ہوں، تب قوت مسرور اور زاوی معیار حسر کت کا تعلیم کے تعلیم کا تعلیم کے تعلیم کا تعلیم کے تعلیم کا تعل

حماج: مساوات ۱۵.۱۸ استمال کر کے مبدا پر زاوی معیار حسر کت تلامش کرنے کے لئے ضروری ہے کہ پہلے تعیین گرسمتیر کا وقت تقسر قنسر ق لے کر ذرے کی سمتی رفت از کا الجبرائی فقت رہ حساصل کیا حبائے۔ مساوات 10.4 $\vec{v} = d\vec{r}/dt$) کودیکھ کرہم ذیل کھتے ہیں:

$$\vec{v} = \frac{d}{dt}((-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j})$$
$$= (-4.00t - 1.00)\hat{i}$$

جہاں 🕏 میٹر فی سینڈمیں ہے۔

اسس کے بعب مساوات 27.3 مسیں صلیبی ضرب کا دکھایا گیا ڈھانحپ استعال کر کے آتر اور آت کا صلیبی ضرب معلوم کرتے ہیں۔

$$\vec{a} \times \vec{b} = (a_y b_z - b_y a_z)\hat{\mathbf{i}} + (a_z b_x - b_z a_x)\hat{\mathbf{j}} + (a_x b_y - b_x a_y)\hat{\mathbf{k}}$$

یہاں آ کو عصومی سمتیہ \vec{a} اور \vec{v} کو عصومی سمتیہ \vec{b} ظاہر کرتا ہے۔ چونکہ ہم خرور سے زیادہ کام نہیں کرنا حیاہے، آئیں عصومی سلیبی خرب مسیں پر کر دہ بدل پر غور کرتے ہیں۔ چونکہ \vec{r} مسیں z حب زواور \vec{v} مسیں y اور z احب زاء نہیں پائے دوڑ کے جب نے، اسس عصومی صلیبی خرب کا صرف آحض ری حب زو $(-b_x a_y)$ غسیر صف رہے۔ یول، زیادہ الجمرائی دوڑ کے بین۔ پنیسر ویل کھتے ہیں۔

$$\vec{r} \times \vec{v} = -(-4.00t - 1.00)(5.00)\hat{k} = (20.0t + 5.00)\hat{k} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

یادرہے، ہمیث کی طسرح صلیبی ضرب جو سمتید دیتی ہے وہ ابت دائی سمتیات کو عسود دار ہوگا۔ مساوات ۱۸ میری کرنے کے لئے، کیت سے ضرب دے کر ذیل حساصل کرتے ہیں۔

$$\vec{\ell} = (0.500 \,\text{kg})[(20.0t + 5.00)\hat{k} \,\text{m}^2 \,\text{s}^{-1}]$$
$$= (10.0t + 2.50)\hat{k} \,\text{kg} \,\text{m}^2 \,\text{s}^{-1} \qquad (\text{...} \text{/}\text{£})$$

مبدایر قوت مسروڑ اب مساوات ۵.۲۳ سے فوراً حساصل ہوگا:

$$\vec{\tau} = \frac{d}{dt} (10.0t + 2.50) \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-1}$$

$$= 10.0 \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 10.0 \hat{k} \text{ N m} \qquad (\text{---})\hat{k}$$

جو محور کے مثبت ررخے۔

ہمارا گی کا نتیج ہوت ہے زاوی معیار حسر کے محور 2 کے مثبت رخ ہے۔ تعیین گر سمتیہ کے گلماو کی صورت مسیں " "شبت " نتیجے کامطلب مسجھنے کے لئے اس سمتہ کی قیب مختلف اوت سے محلف کے مساور کی میں۔

$$t = 0,$$
 $\vec{r}_0 = 5.00$ ĵ m
 $t = 1.00$ s, $\vec{r}_1 = -3.00$ î + 5.00ĵ m
 $t = 2.00$ s, $\vec{r}_2 = -10.0$ î + 5.00ĵ m

یہ نتائج شکل 14b.11 میں پیش ہیں؛ ہم دیکھتے ہیں کہ ذرے کے ساتھ ساتھ چلنے کے لئے آ تنان گھٹری گومت ہے۔ یبی گھساو کامثبت رخ ہے۔ یوں، اگر حپ ذرہ خود سید ھی ککسیر پر حسر کت کر تاہے، مبدا کے لحساظ سے سے امس کی حسر کت حنال نے گھٹری ہے، اور یوں امس کا ذاوی معیار حسر کت مثبت ہے۔

ہم کی کے رخ کامطلب، صلیبی ضرب (یہاں $\vec{v} \times \vec{v}$ یا آپ حہاییں $\vec{v} \times \vec{v}$ ، جو ایک رخ ویت ہیں) کا دایاں ہاتھ وت عددہ استعال کرے سمجھ سکتے ہیں۔ ذرے کی حسر کسے وران کمی بھی معیار الڑکے لئے، دائیں ہاتھ کی حہار انگلیاں

صلیبی ضرب کے اول سمتیہ آئے کرخ رکھی حباتی ہیں (مشکل 14c.11)۔ ہاتھ یوں سب بند کیا حباتا ہے کہ ہتھیلی کے گر دانگلیاں ہا آس نی گھی کر صلیبی ضرب کے دو سرے سمتیہ آئے کے رخ کی حبائیں (مشکل 14d.11)۔ اس پورے عمسل کے دوران انگوٹے کو حیار انگلیوں کے لیے اظ سے عصود دار رکھا حباتا ہے۔ انگوٹ صلیبی ضرب کے نتیج کارخ دیگا۔ جیب مشکل 14e.11 میں دکھایا گیا ہے، ماحصل سمتیہ محور ح کے مثبت رخ (جو مشکل کے مستوی سے سیدھ ہاہر لگاتا ہے) اور گزشتہ نتیج کے عسین مطابق ہے۔ شکل 14e.11 میں آئے کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محور ح کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، اور گزشتہ نتیج کے عسین مطابق ہے۔ شکل 14e.11 میں کے مترب میں کے مترب کی مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، ان کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محور ح کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، ان کاری معیار حسر کرت ای رخ ہے اور اس کی تدریز ہورہی ہے۔

مقاصد

معاصد اسس حسب کو پڑھنے کے بعسد آییے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ذروں پر مشتل نظام کے لئے، نیوٹن کا ت انون دوم زاوی روپ مسین استعمال کرکے نظام پر صافی قوت مسروڑ اور نظام کے زادی معیار حسر کست مسین پیدا تبدیلی کی مشرح کا تعلق حبان یا تیں گے۔
- ۲. مقسررہ محور کے گرد گھومتے استوار جم کے زادی معیار حسر ک اور ای محور کے گرد جیم کے گھسیسری جمود اور زادی رفت ارکا تعلق استعال کرمائیں گے۔
 - س. اگر دوجہم ایک ہی محور گھاوے گر د گھومتے ہول،ان کے کل زادی معیار حسر کت کاحساب کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• زروں پر مشتمل نظام، کازادی معیار حسر کت 🗓 انف رادی ذروں کے زادی معیار حسر کت کامحب وعب ہوگا۔

$$\vec{L} = \vec{\ell}_1 + \vec{\ell}_2 + \vec{\ell}_3 + \dots + \vec{\ell}_n = \sum_{i=1}^n \vec{\ell}_i$$

• اسس زادی معیار حسر کت کی تبدیلی کی مشرح نظام پر صافی بهیدونی قوت مسروڑ کے برابر ہوگی (جو نظام کے اندرونی ذروں اور نظام کے باہر ذروں کے باہم عمسل ہے پیدا توت مسروڑ کا سستی محبصوعہ ہوگا)۔

$$ec{ au}_{\dot{ ext{d}} ou} = rac{ ext{d} ec{L}}{ ext{d} t}$$
 (دروں پر مشتمی نظام)

• مقسررہ محور پر گھوٹے استوار جم کے لئے ،، محور گھساوے متوازی زاوی معیار حسر کے کاحبزو ذیل ہوگا۔

$$L = I\omega$$
 (استوار جسم، مقسرره محور)

ذرول يرمشتل نظام كازادي معيار حسركت

مبداکے لیے اظ سے ذروں پر مشتمل نظام کے زادی معیار حسر کت پر غور کرتے ہیں۔ نظام کا کل زادی معیار حسر کت \vec{L} انفٹ رادی ذروں کے زادی معیار حسر کت \vec{J} کا (صتی)مجب وعب ہوگا۔

(a.ry)
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

انفنسرادی زاوی معیار حسر کے کوزیر نوشت i سے ظاہر کیا گیاہے۔

دیگر ذروں کے ساتھ یانظام کے ہیسرون کے ساتھ ہاہم عمسل کی بناانعنسرادی ذرے کازادی معیار حسر کت وقت کے ساتھ تبدیل مساوات ۲۱۔۵٪ (ذیل) وقت تقسر ق معیاوم کر سے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \frac{\mathrm{d}\vec{\ell}_{i}}{\mathrm{d}t}$$

ماوات ۵.۲۳ ہوگی۔ ساوات نے i ویں ذرے پر صافی توت مسروڑ dt ہوگی۔ ساوات i 3.۲۷ ویل کسی حبا مستق ہے۔

(۵.۲۸)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \vec{\tau}_{\dot{0}_{i},i}$$

یعنی، نظام کے زاوی معیار حسر کس آگی تب یلی کی مشر ن انفسرادی ذروں پر قوب مسروڑ کے سمتی محبوعہ کے بربر ہوگا۔ ان قوب مسروڑ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوب کی بربر ہوگا۔ ان قوب مسروڈ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوب کی بین) ہیں۔ تاہم، ذروں کے نجھ قوت (نیوٹن کے وصانون سوم کی بہن) جوڑیوں کے روپ مسیں ہوگی لہنذا ان کی محبوی قوب مسروڑ صف ہوگی۔ یوں، نظام سے کل زاوی معیار حسر کس آگی کو صوف نظام پر عسل ہیں۔ بہت ہوگی۔ یوں، نظام کے کل زاوی معیار حسر کس آگی کو صوف نظام پر عسل ہیں۔ بہت ہوگی ہیں۔

صافی بیرونی قومے مروڑ سنظام مسیں تمام ذروں پر بیسرونی قوت مسروڑ کا سستی محب وعب سن $\vec{\tau}$ صافی بیسرونی قوت مسروڑ کو ظاہر کر تاہے۔ ہیں مساوات ۵.۲۸ ذیل کھی جباستی ہے:

$$ec{ au}_{i,rq} = rac{\mathrm{d}ec{L}}{\mathrm{d}t}$$
 (درون پر مشتم نظام)

جونیوٹن کے مت انون دوم کازاوی روپ ہے۔اسس کے تحت ذیل ہوگا۔

 $\vec{\tau}$ ذروں پر مشتل نظام پر صافی ہیں۔ ونی تو سے مسروڑ سین $\vec{\tau}$ نظام کے کل زاوی معیار حسر کے \vec{L} کی تبدیلی کی سفرح کے برابر ہوگی۔

مساوات ۱۹۰۹ ور $d\vec{P}/dt$ = \vec{F} (مساوات (27.9) م ثل بین تا ہم اول الذکر زیادہ اختیاط ما گئی ہے: تو سے مسرور اور نظام کازادی معیار حسر کت ایک مبدا کے لیاظ ہے ناپنالاز می ہے۔ اگر اندرونی جو دی چھو کو کے لیاظ ہے نظام کا مسر کز کمیت مہر گئیت مبدا کی بھی نقطے پر ہو سکتا ہے ؛ اگر مسرع ہو، تب لازم ہے کہ مسر کز کمیت پر ہو۔ مشال کا صبر کز کمیت پر ہو۔ مشال کے طور پر، پہیے کو ذروں پر مشتل نظام تصور کریں۔ اگر زمسین کے لیاظ ہے ساکن محور پر پہیا گھومت ہو، تب مساوات ماری ہوں میں کا نقطے ہور مبدات کی مسرک محور کے گرد گھومت ہو (جیے جب پہیامیلان پر لڑھکت نیج آتا ہے)، تب صرون پہیے کا مسرکز کمیت مبدات کیم مسرع محور کے گرد گھومت ہو (جیے جب پہیامیلان پر لڑھکت نیج آتا ہے)، تب صرون پہیے کا مسرکز کمیت مبدات کیم

جوابات