طبعیا __ کے اصول

حنالد حنان يوسفزني

حبامع کامیٹ،اسلام آباد khalidyousafzai@hotmail.com

۲۰۲۸ فنسروری ۲۰۲۴

عسنوان

v	لی کتاب کادیب حب	بـرى <i>پې</i> -	مب
1 4 1•	ش وقت کمیت ایمار کافت ایمار کافت ایمار وقت	پیس ^{از} ۱.۱ ۲.۱	1
" ra rg	ائی اور توانائی کی بقب ۱.۰.۲ طباقت ۱.۰.۲ طباقت	مخفى توانا	٢
m1 mr	مخفی توانائی	1.r r.r	
m2 m2 m9	لز کمیت اور خطی معیار حسر کت ایک بُعد مسیں کمپ کی تصادم دوابع ادمسیں تصادم تغییر کمیت کانظام: ہوائی بان	1.m r.m r.m	٣
49 49 20	گھباو کے متغیبر	گھساو ۱٫۴	۴
۸۰ ۸۳ ۸۹	متقل زاوی استراع کا گھساو خطی اور زاوی متغیب راست کار سشته گھساو کی حسر کی توانائی	۲.۴ ۳.۴ ۲.۴	
91 9∠ 99	تھمپ ری جمود کاحب ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔	8.r 4.r 2.r	

۱۰۴	کام اور تھسپے ری حسر کی توانائی	٨٣
اسا	<u> </u>	۵ لڑھکاو، قور
اسا	متنقیم حسرکت اور گلمت ومسل کر لڑھکاوریتے ہیں مستقیم حسرکت اور گلمت ومسل کر لڑھکاوریتے ہیں	1.0
۱۳۴	لڑھکاو کی قوتیں اور حسر کی توانائی	r.0
114	ۋورى دار ^{لۇ} و 	۳.۵
100+	قو <u>۔</u> مسروڑ پر نظسر ثانی	۳.۵
۳	زادى معييار خسىر كت	۵.۵
154	نيو شن كافت انون دوم، زاوى روپ يې	4.0
10+	استوار جسم كازاوي معييار حسيركت	۷.۵
100	زادې معيار خسر کټ کې بقب	۸.۵
109	مكن شپىرخى كاستقالل حسركت	9.0
149		۲ توازن اور
149	توازن	1.4
1/4	۱.۱۱ طبعیات کیاہے؟	
۱۸۵	کونی توازن کی چین دمثالیں	۲.۲
195	پا	۳.۲
710	_	2 تحسانس
710		1.4
119	تحباذب اوراصول انطباق	
777	سطن نے متریب تحباذ ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	m .2
774	ن میں کے اندر تحباذ ہے۔ زمسین کے اندر تحباذ ہے۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	~.∠
779	تحبازنی مخفی توانائی	۵۷
rma	ب دن مرد در به اور سیار ہے: قوانین کپ لر سیارے اور سیار ہے: قوانین کپ لر	۲.۷
۲۳∠		جوابات

مبری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حسکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجب دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرت اعلیٰ تعلیم کا اداروں مسیں تحقیق کارجمان پیداہوا ہے۔ امسید کی حباتی ہے سالمہ حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر حسہ انگریزی زبان مسیں ہی چھیت ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہر موضوع پر لاتعہ داد کتا ہیں بائی جب قیمیں جس سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وطبالب سے کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردوزبان مسیں حیاصل کرتی ہے۔
انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو دور کی بات، ان کے لئے انگریزی زبان خود ایک رکاوٹ ہے۔ سے طلب و
طبالب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسرپور خدمت کرنے کے وتابل نہیں رہتے۔ ایسے طلب و
طبالب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حناطسر خواہ کو سشش نہیں

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وجبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نییت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا نامسکن تھتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بنانے سے انکار کیا اور پول ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

یہ کتاب اردوزبان مسین تعسیم حساس کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہیایہ آسان اردومسین لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر مستعمل تکنیکی اصطبلاحیات استعال کئے حبائیں۔ جہاں اصطبلاحیات موجود سنہ تھی وہاں روز مسرہ استعال الفاظ پنے گئے۔ تکنیکی اصطبلاحیات کی چینائی یوں کی گئی ہے کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجبی ہجی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوامی نظام اکائی استعال کی گئی۔اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی جو موجودہ نظام تعسیم کی نفسانی کتاب و نظام تعسیم کی نفسانی کتابوں مسین رائج ہے۔ یوں اردومسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین دشواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے ہے۔ کتاب ایک دن حسالصتاً اردوزبان مسیں انجنیئری نفساب کی کتاب کے طور پر پڑھ ائی حبائے گی۔اردوزبان مسیں برقی انجنیئر کی کلمس لفساب کی طسر ف سے پہاا صدم ہے۔ کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارسٹس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ طلب وطبالب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور جہاں بھی کتاب مسیں عضلطی نظر آئے،اسس کی نشاندہی مسری برقبیاتی پہنے پر کریں؛مسیں ان کانہایت مشکر گزار ہوں گا۔

کتاب مسیں تمام غلطیاں مجھ سے سرز دہوئی ہیں جنہ میں درست کرنے مسیں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسیں ان سب کا سشکر سے اداکر تا ہوں۔ سے سلما داہمی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات بہاں شامسل کئے حبائیں گے۔

مسیں کامسیٹ یو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا سشکر ہے ادا کرنا حیابت ہوں جن کی وجبہ سے ایس سرگرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر ۲۰۱۱

إبا



طبعات كياہے؟

س سنس وانجلین کی پیپ کشش اور موازنے پر مسبنی ہے۔ چیپزول کی پیپ کشش اور موازنے کے لئے قواعب کی خرورت پیشس آتی ہے؛ پیپ کشش اور موازن ہے کے بُعد تعین کرنے کے لئے تحب رہات کاسب ارالین ہوگا۔ طبیعیات اور انجیسئری کا ایک مقصد ان تحب رہات کی بن اوٹ اور تحب رہ کرنا ہے۔

چىنەزول كى پىيسائش

طبیعیات مسین ملوث مت دارول کی پیب کشس کی طسریقے حبان کر ہم طبیعیات دریافت کرتے ہیں۔ ان مت دارول مسین لمب کی، وقت، کمیت، کمیت ، در حب حسر ارت، دباد، اور برقی روث امس میں لمب کی،

ہم ہر طبیعی معتدار کا موازت ایک معیار اے ساتھ کرکے طبیعی معتدار کو اسس کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ معتدار کی اکائیوں مسین ناپتے ہیں۔ اسس معتدار کی انسپ کی حباتی ہے۔ ناپ کو ایک منسب ردنام دیا حباتا ہے جے اکائی ^{اس س}ے ہیں۔ مشااً، لمبائی کی پیپ اُنٹ مسین (m) مسین کی حباتی ہے۔ معیارے مسیدار کی تھیک ایک مسین کی جب آپ دیکھیں گے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار، جو تھیک ایک مسین کے لمبائی کا معیار ہو تھیک ایک مسین میں ایک مخصوص دورانی مسین، شعباع کے کرتی ہے۔ ہم اکائی اور اسس کے معین خسین معیار کی تعدید سے بیاں کرسکتے ہیں۔ تاہم، ضروری ہے کہ دنیا کے باقی سائنسدان بھی اسس تعدید کو معتی خسین اور وسائی استعال مائیں۔

ایک معیار، مشالاً لمبائی کامعیار، طے کرنے کے بعد ہمیں وہ طدیقہ کاروضع کرنا ہوگی جس ہے ہر لمبائی، حیاہ وہ ہائیڈروجن جوہر کارداسس ہویا دور کس ستارے تک وضاصلہ، اسس معیار کی صورت مسین ظاہر کی حیاسے۔ ایسی

standard'

١

ایک ترکیب فیتے کا استعال ہے ؛ لمبائی کے معیار کو فیت تخمین طاہر کرتا ہے۔ بہسر حسال، بہت سے موازنوں مسین بلا واسطہ طسریقے استعال کیے حبائیں گے۔ مشلاً ، جوہر کا رواسس یا فسسر بی ستارے تک و ناصلہ فیت استعال کر کے نہیں نااحب ساتا۔

اما بھی متادیر طبیق معتادیر کی تعبداداتی زیادہ ہے کہ انہمیں منظم کرناایک مسئلہ ہے۔ خوسش قسمی سے تمسام معتادیر عنیسر تائع نہیں ہیں؛ مشلاً، رفت ار در حقیقت لمب ائی اور وقت کی شناسب کو کہتے ہیں۔ بین الاقوای متفقہ معساہ ہے کے تحت چند طبیعی معتادیر، مشلاً، لمب ائی، کیسے ، اور وقت کو اساسی مقادیر سمنتخب کر کے صرف انہی کو معسار مختل کیے گئے۔ باقی طبیعی معتادیر ان "اساسی معتادیر" اور انہمیں کے معسار (جنہمیں اساسی معیار "کہتے ہیں) کی صورت مسین ناپے جب تے ہیں۔ مشلاً، اساسی معتادیر لمسائی اور وقت اور انکے اساسی معیار کی شکل مسیں "رفت ار" تعسین کساسیاتا ہے۔

اب معیار کامت بل رسانی اور غنیسر متغیب مونالاز می ہے۔ اگر ہم بازو کی لمب ائی کو معیار لمب ائی تسلیم کریں تب سے مت بل رسائی ضرور ہوگی، البت ہر شخص کے لئے ہے لمب ائی مختلف ہوگی البندا سے غنیسر متغیب رہیں ہے۔ سائنس وانجیسئزی مسیں زیادہ سے زیادہ در سستگی مطلوب ہونے کی پیش نظسر ہم اساسی معیار کی غنیسر متغیب ریت پر خصوصی توجب دیتے ہیں۔ اسس کے بعب داب ای معیار کی بہت ہے بہت نقسل بن کران لوگوں کو فسنسراہم کرتے ہیں جنہیں ضرورت ہو۔

اكائيوں كابين الاقوامي نظام

اعدا مسین ناپ و تول کے عسموی احبلاسس مسین سات معتادیر کو بطور اساسی معتدار منتخب کرکے بین الاقوامی نظام اکائی کو مختصر اُ" SI نظام "کہتے ہیں۔ حبدول! امسین تین اساسی معتدار لسائی، کمیت ، اور وقت دکھیائے گئے ہیں۔ ان اکائیوں کی تعسریف انسانی جہامت مدنظ سرر کھتے ہوئے گی گئے۔

حب دول ۱. ۱: بین الاقوامی نظام اکائی کی تین اساسی معتادیر کی اکائیاں

اکائی کی عسلامی	ا کائی کانام	مقسدار
m	ميـر	لسبائى
kg s	کلو کرام سسیکنڈ	کمیت وق <u>ت</u>

کی مثلق اکائیوں ^هی تعسرین ان اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔مشلاً، طباقت کی SI اکائی، جو **وائے** اللہ مثلق ہے۔ کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا (W) کہلاتی ہے، کی تعسریف کمیت، کمہائی، اور وقت کی اساسی اکائیوں کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ یوں، جیسا آب بارج درج ذیل ہوگا:

(1.1)
$$= 1 \text{ W} = 1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \text{ s}^{-3}$$

basequantities basestandards

derivedunits^a

watt

_

جهال آحن مسين كلوگرام مسر بع مسير في مكعب سيئذ پڙه احبائ گا۔

بہت بڑی یابہت چھوٹی معتادیر، جن سے ہمیں طبیعیات مسیں عصوماً واسطہ ہوگا، **سائنسی ترقیم** مسیں لکھی حباتی ہیں، جو وسس کی طباقت استعال کرتی ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$3560\,000\,000\,\mathrm{m} = 3.56 \times 10^9\,\mathrm{m}$$

$$0.000\,000\,492\,\mathrm{s} = 4.92\times10^{-7}\,\mathrm{s}$$

کمپیوٹر میں سائنسی ترقیم مسزید مختصر لکھی حباتی ہے؛ مشلاً، 3.56E9 اور 7 – 4.92E ، جباں E "وسس کی طباقت" شاہر کرتا ہے۔ کئی حماجے کار ^(کلکولیٹر)مسزید مختصر انداز استعال کرتے ہوئے E کو حسالی جگسے ظاہر کسیاحب تاہے۔

ہم اپنی آس نی کے لئے بہت بڑی یا بہت چھوٹی پیپ کشس حبدول ۱.۲ امسیں پیشس بقے استعال کرکے لکھتے ہیں۔ جیب آپ دیکھ سکتے ہیں ہر سابقہ دسس کی ایک مخصوص طباقت ظلم کرتا ہے، جو بطور حب زو ضربی استعال کیا حباتا ہے۔ بین الاقوای نظام اکائی کے ساتھ سابقہ مشلک کرنے سے مسراد اسس اکائی کو مطبابقتی حب زو ضربی سے ضرب دیٹ ہے۔ یوں ہم کی ایک مخصوص برقی طباقت کو

$$(1.0)$$
 $1.27 \times 10^9 = 1.27 \times 10^9$ وائد $1.27 = 1.27 \text{ GW}$

یا کسی مخصوص و مستق دورانی کو درج ذیل لکھ سکتے ہیں۔

(۱.۵)
$$= 2.35 \times 10^{-9}$$
 نينو سيکنڙ $= 2.35 \times 10^{-9}$

چن د سابقے، جوملی لٹر، سنٹی میسٹر ، کلو گرام یامیگا ہائٹ مسین استعال ہوتے ہیں ، سے آپ ضرور داقف ہول گے۔

اكائى كى تىبىدىلى

بعض اوت سے طبیعی مقتداروں کی اکائی شبدیل کرنے کی ضرور سے پیش آتی ہے۔ ہم اصل پیم اُنٹس کو "شبادلی حبزو"، جو ایک ایک (1) کے برابر اکائیوں کی نسب ہوگی، سے ضرب دیتے ہیں۔ مشلاً، ایک منٹ اور ساٹھ سیکنڈ مم ثل دورانیہ ظلبر کرتے ہیں، البندادرج ذیل ہوگا۔

$$\frac{1\min}{60\,\mathrm{s}} = 1$$

يا

$$\frac{60\,\mathrm{s}}{1\,\mathrm{min}} = 1$$

يوں $(60\,\mathrm{s})/(1\,\mathrm{min})$ يا $(10\,\mathrm{min})$ تناسب بطور تباول جزو استعال کي حب سکتا ہے۔ ہم ہر گز $(60\,\mathrm{s})$

scientificnotation2

calculator[^]

conversionfactor

م باب.ا.پیرائش

حبدول ۱.۲: بین الاقوامی نظام اکائی کے سابقے

حبزوضر بي	سابق	عسلامي
10 ²⁴	بوٹا	Y
10^{21}	زييط	Z
10^{18}	اک	E
10^{15}	پیٹ	P
10^{12}	ش ي را	T
10^{9}	كيكا	G
10^{6}	ميگا	M
10^{3}	ئىيسرا كىگا مىگا كلو كلو	k
10^{2}	م ^ک لٹو	h
10^{1}	ڈیکا	da
10^{-1}	ۇسى	d
10^{-2}	سنتھ	С
10^{-3}	ملجه	m
10^{-6}	مائيكرو	μ
10^{-9}	نينو	n
10^{-12}	پکو	р
10^{-15}	فيمثو	f
10^{-18}	اڻو	a
10^{-21}	زپیٹو	Z
10^{-24}	كيثو	y

1 = 60 نہیں لکھ سے ؛ہر عبد داور اسٹی اکائی کو اکٹھ رکھنا ہوگا۔

ایک (1) سے ضرب دینے سے متدار کی قیت تبدیل نہیں ہوتی لہذا ہم جب حپابیں تبادلی حسنرواستعال کر سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر دو منٹ کو سیکنڈ مسیں تبدیل کر کے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔ کرتے ہوئے درج ذمل کھیا جبائے گا۔

$$(1.7) \hspace{1.5cm} 2 \min = (2 \min)(1) = (2 \min)(\frac{60 \, \mathrm{s}}{1 \min}) = 120 \, \mathrm{s}$$

اگر تبادلہ حبزو ضرب متصارف کرنے سے عنب صروری اکائیاں ایک دوسسرے کے ساتھ منسوخ نہ ہوتی ہوں تب حبزو ضربی کوالٹ کر دوبارہ کوسٹش کریں۔اکائیوں کی تبادلہ مسین اکائیوں پر متغیبرات اور اعب داد کے الجبرائی قواعب دلاگو

لمسائى

کچھ عسر صبہ تک سب معیار س نمنی دنیا کی ضروریات پوری کرپایا، تاہم سائنسس کی دنیا بہت حبلد اتنی آگے بڑھ حب کہ کرپٹن 86 کے طول موج پر مسبنی معیار سائنسی ضروریات پوری کرنے کے صابل نہیں رہا۔ آمنسر کار ۱۹۸۳ میں ایک نڈر فیصلہ کیا گئی، اور مسیر وہ صناصلہ مسیر ارپاجو شعباع ایک مخصوص دورانیہ مسیر طے کرتی ہے۔ ناپ و تول کے ستر ھویں (17) عسومی احبلاسس مسین درج ذیل طے پایا۔

تعسریف: خناء میں ایک سینڈ کے <u>109792458</u> میں شعباع کا طے کردہ فناصلہ میٹر^{۱۱} کہائے گا۔

وقت کا (مذکورہ بالا) دورانیہ یوں منتخب کی گیا کہ شعباع کی رفت از $c=299\,792\,458\ \mathrm{m\ s}^{-1}$

شعاع کی رفت اراٹل ہے۔ یوں شعباع کی رفت ارسے مسیٹر اخب ذکر ناایک بہستر و ت دم ہو ا۔

platinum-iridium'

meter"

standardmeterbar

secondarystandards "

krypton'

gasdischargetube 12

meter

با_ا.تيائش

حبدول ۱۹۳ مسیں مناصلوں کی وسیع سعت پیش ہے، جو کہکثانی مناصلوں سے لے کر انتہائی چھوٹی چسنروں کی لمبائسیاں دیتاہے۔

حبدول ١٠: چين د تخميني من صلح

ميرمسين لمبائي	پیماکش
2×10^{26}	اول ترین پیسیدا کہکشاں تک مضاصلہ
2×10^{22}	اندرومداکہکشاں تک۔ بناصبابہ
4×10^{16}	ت ریب ترین تارے تک و ن اصله
6×10^{12}	ىپوڻوتك مناصلە
6×10^{6}	ز مسین کار دا سس
9×10^{3}	بلب د ترین پہاڑی کی اونحپائی
1×10^{-4}	صفحے کی موٹائی
1×10^{-8}	عسلامتی وائر سس کی لمبائی
5×10^{-11}	ہائے ڈرو ^{جن جو ہ} ر کار داسس
1×10^{-15}	پروٹان کار دائسس

بامعنی اعب داد اور اسٹ اربے کے معتام

ف سنرض کریں آپ ایک مسئلے پر کام کر رہے ہیں جس مسیں ہر قیت دوہت دسوں پر مشتل ہے۔ ان ہند سوں کو با معنی ہندسے ما ہندسے کا کتے ہیں۔ ایت جواب پیش کرتے ہوئے آپ استخاب کی استغال کریں گے۔ اگر مواد دوہت دسوں مسین دیا گیا ہو تب جواب بھی دوہت دسوں پر مشتمل ہوگا۔ اگر حپ آپ کا حساب کا دنت آئے زیادہ ہند سوں مسین پیش کر تاہے، ب (اضافی) ہندے لے معنی ہیں۔

اس کتاب میں، دیے گئے مواد مسیں کم سے کم ہا معنی ہند سول کے برابر، حسب کے اختتا می نست نئے پور میور کر کے پیش کیے حب نے والے ہند سول حب کئیں گے۔ (ہاں، بعض او حت سے ایک اصف فی ہمند سہ بھی رکھا حب کے گا۔) اگر ضب لئے کے حب نے والے ہند سول مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور "کسیا حب تا ہے؛ دیگر مسیں بایال ترین ہند سے کو "اوپر پور میور آگے است کے خور پر 11.3516 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.4 کو تین ہا معنی ہند سول مسیں پور میور کر کے 11.3 کا کھیا جب کے گا۔ (اسس کتاب مسیں نست نئے پیش حب کے مور کے جب کے عصوماً سے سال کی حب کے گا۔)

عدد 3.15 یا $10^3 \times 3.15$ مسیں بامعنی ہند سوں کی تعداد صاف ظاہر ہے؛ عدد 3000 مسیں بامعنی ہند سے کتنے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3 \times 3$ کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3 \times 3$ کتے ہیں؟ کسیا ہم محن ہند سول $10^3 \times 3$ کار معنی تصور کسیا تھور کسی تھور کسیا تھور کسیا تھور کسیا تھور کسی تھور کسیا تھور کسیا تھور کسیا تھور کسیا تھ

با معنی ہندسوں اور اشاریہ کے معتام دو مخلف باتیں ہیں۔ درج ذیل مناصلوں 35.6 mm ، 35.6 mm ، اور

significantfigures12

١.١ وقت

m 56 0.003 پر غور کریں۔ تمام مسیں تین بامعنی ہندے ہیں، تاہم ان مسیں اٹ ارید کے مصام بالت رتیب ایک، دو، اور پانچ ہیں۔

مثال ۱۱: دهاکے کاگیند؛ قدر کے رتبہ کی تخینے۔

دنیا میں دھاگے کے سب سے بڑے گیند کارداسس سے ہے۔ اسس گیند میں دھاگے کی کل لمبائی کا کتی ہوگی؟اگرچپ ہم گیند میں دھاگے کو کل لمبائی کا ناپ سکتے ہیں، تاہم ہم ایس نہیں کرنا دپ ہتے۔ ہم صاب کے ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔ ہم ساب ذریع اسس کی لمبائی کا تخمین لگنا دیا ہے۔

حاب

ہم منسر ض کرتے ہیں گینند کروی ہے؛ اسس کار داسس R=2m ہے۔ دھا گہ لیسیٹے ہوئے دھا گے کے مختلف حصوں کے نق حسان کی جارے مسیں حبان باہم سکن بات ہے۔ ان حنالی جگہوں کو مد نظر رکھے ہوئے ہم دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا دھا گے کا عصودی تراش (گول کی بحبائے) چو کورہے جس کا ضلع d=4mm کے بیاں اسس کارقب عصودی تراشش d=4mm کہ اور کل محبم درج ذیل ہوگا:

$$V=($$
لب كَى $)($ رقب مسودى تراثس $)=d^2L$

جوگین دے تحب م $4R^3$ کے برابر ہوگا؛ π کو تخمین π کو تخمین π کو تخمین π کو تخمین π کا کھا جب سکتا ہے۔ یوں درج ذیل ہوگا $d^2L=4R^3$

جس سے درج ذیل حسامسل ہوگا۔

$$L = \frac{4R^3}{d^2}$$

$$= \frac{4(2 \,\mathrm{m})^3}{(4 \times 10^{-3} \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 2 \times 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^6 \,\mathrm{m} \approx 10^3 \,\mathrm{km}$$

(اتے سادہ حساب کے لئے حساب کارر کی ضرور سے پیش نہیں ہونی حیائے۔)تدر کے قت رہی رتب تک گیند مسین تقسر بیا 1000 km دھا گہے۔

ا.ا وقت

وقت کے دو پہلو ہیں۔ روز مسرہ زندگی مسیں ہم کام کائ ترتیب سے رکھنے کی عنسر ض سے وقت حبانت حیاہتے ہیں۔ سائنس کی دنیامسیں ہم عسوماً حبانت حیاہتے ہیں کہ ایک واقعہ کتنی دیر وقوع پذیر ہوا۔ یوں وقت کے کسی بھی معیار کو بالاله يسائش

دوسوالات کاجواب دبین ابو گا: کب ہوا؟ اسس کا دورانپ کتن انتا بھتا؟ حبد ول ۴. امسیں چیند وقت تی وقفے پیش ہیں، ہباں یلانک وقت ۱۱ سے مسراد ابتدائی و الے ۱۹ کے بعد وہ اول ترین وقت ہے جب طبیعیات کے تواعد (جس طسرت انہیں ہم اسس وقت حیانتے ہیں) متابل اطبلاق ہوں گے۔

حبدول ۱۴: چین د مخمنی دورانے

سیکنڈ مسیں دورانی	پيائش
3×10^{40}	پروٹان کاعب رصبہ حسیات (محض اندازہ)
5×10^{17}	کائٹا <u>۔</u> کی عمسر
1×10^{11}	ہر م خو فو کی عمس ر
2×10^9	انسانی زند گی (متوقع)
9×10^4	ایک دن
8×10^{-1}	انسانی دل کی د ھسٹر کنوں کے پیچو قفنہ
2×10^{-6}	میون کاعب رصبه حسیات
1×10^{-16}	تحب رب گاہ مسیں مختصر ترین شعباع کادورانیہ
1×10^{-23}	غیسر مستحکم ترین ذرے کاعب رصبہ حیات
1×10^{-43}	پلائک_ وقفہ

وہ مظہر سرجواینے آپ کو دہرا تا ہو وقت کامعیار مقسرر کیا حباسکتا ہے۔ محور کے گر د زمسین کا ایک حیکر، جو دن کی لمبائی تعسین کرتاہے،صدیوں تک بطور وقت کامعبار استعال کیا گیا۔ **سنگھ مردہ ''**(کوارٹز) گھٹڑی، جس مسین ایک نگ مسردہ چھلے کو مسلسل ارتصاحش پذیر رکھا حباتا ہے ، کی پیسانہ بندی فلکیاتی مضاہرات کے ذریعہ، زمین کے گھومنے کے ساتھ کرکے، تحبیرے گاہ میں وقت ق و قفول کی پیپائٹس کے لیے استعال کیا حیاسکتا ہے۔ تاہم حبدید سے نئنس وانجینے کی کو در کار در سنگی ایسی پیپ سے ہندی سے ممکن نہیں۔

بہتر معیار وقت کی ضرورے کے در پیش جوہری گھولیا ہے استیار کی گئیں۔ <u>۱۹۲۷</u> مسین نایے و تول کے سیر حویں عسوى اجلاس مسين سيزيم كهوري ٢٠ پر مسبني معياري سيكند پر اتف ق كياكيا ـ

تعسریف: سیزیم 133 جوہرسے حنارج ایک مخصوص طول موج کی شعباع کے 631 770 9 192 و ارتعباسش کو در کار وقت ایک سیکنڈ ۲۳ ٹہسراما گیا۔

planktime^{1A}

bigbang¹⁹

atomicclocks^{ri}

cesiumclock

second

۱٫۱. کمیت

جوہری گھٹڑیاں انتہائی درست وقت بتاتی ہیں۔ دوسیزیم گھٹڑیوں مسین ایک سیکنڈ منسرق چھ ہزار سال جیلئے کے بعد پہیدا ہوگا۔ اسس وقت شیار کی حبانے والی گھٹڑیوں کی درستگی 10¹⁸ مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10¹⁸ مسین ایک ھے کے برابر ہے، لیعنی 10¹⁸ سیکنڈ (جو تقسریباً 10¹⁰ × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ (کو تقسریباً 10¹⁰ × 3 سال کے برابر ہے) مسین صرف ایک سیکنڈ کافٹرق ہوسکتا ہے۔

۱.۲ کمیت

معیاری کلو گرام

ف دانس کے شہد پیدرس کے قتریب ناپ و تول کے بین الاقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی محسکہ مسین رکھے گئے پلائسینم واریڈیم کاایک طائی النقوامی معسادہ کے تحت، ایک کلوگرام کیت نہدرایا گیا۔ اسس کی بہتر سے بہتر نفتسل دنیا کے بیشتر معساد ساز تحبد ہے۔ معساد ساز تحبد ہے گاہوں کو فضراہم کی گئی جن کواست مال کرتے ہوئے ترازو کی مدد سے کسی بھی جسم کی کیت ناپی جب سے دول ۱۵۔ امسین فت درکے 83 رتوں پر پھیلی کمیوں کو کلوگرام کی صور سے مسین پیش کمیا گیا ہے۔

حبدول ۱.۵: چند تخمینی کمیت

کلوگرام مسیں کمیت	چيز
1×10^{53}	معسرون كائتنات
2×10^{41}	ہماری کہکشاں
2×10^{30}	سورج
7×10^{22}	حپاند
5×10^{15}	سیارحپ ایراسس
1×10^{12}	جچوڻا پيپاڙ
7×10^7	سمن دری جهاز
5×10^3	بالتقى
3×10^{-3}	انگور
7×10^{-10}	د ھول کی ذرہ
5×10^{-17}	پینسلین سالب
4×10^{-25}	يورينسيم جوہر
2×10^{-27}	پروٹان '
9×10^{-31}	انسيڪٹران

دوم معیار کمیت

atomicmassunit rr

ا_ا.پیائش

مختص کی گئی۔ان دواکائیوں کے پچرسشتہ درج ذیل ہے

(1.4)
$$1 u = 1.66053886 \times 10^{-27} kg$$

جہاں آ حضری دوہت دسوں مسیں عصد م یقینیت 10 ± ہے۔ سائنس دان کافی در سستگی کے ساتھ تحبیر ہے ذریعہ کی جوہر کی کمیت کاربن 12 کی کمیت کے لیاظ سے تعین کر سکتے ہیں۔ اسس وقت، کمیت کی روز مسرہ زندگی مسیں مستعمل اکائیاں، مشا کلوگرام، استعمال کرتے ہوئے ہماتنی در سستگی حساس کرنے سے وت صربیں۔

۱.۲.۱ کثافت

کافتے ۲۵ مے مسراد اکائی حب مسیں کیت ہے۔

$$\rho = \frac{m}{V}$$

اسس پرباب 14 مسین مسنزیر تبعسرہ کسیائے گا۔ کثافت کوعسام طور پر کلوگرام فی مسرئع مسیریا گرام فی مسرئ سنی مسیر شد مسیر مسیر ناپا جسان کی کثافت ایک گرام فی مسرئع مسیریا کی کشافت کرام فی مسرئع مسیری جسس کو عصوماً موازن ہے کے لئے استعمال کسیا جبانا ہے۔ پانی کی کثافت کے لیا تقسیری کا گافت سے مرف 64 ہے۔ کشافت سے سرف کا کشافت مون کا کشافت مون کا کشافت کا کشاف

۱.۱. کمیت

مثال ۱.۲: کثافت اور رفتیق کاری

الیے زلز لدے دوران جس مسیں زمسین کی رقیق کاری ۲۲ ہو، بجساری جم زمسین مسیں دھنس سکتا ہے۔ رقت کے دوران مٹی کے ذرے نہایت کم رگز محسوس کرتے ہوئے ریلٹ اشروع کرتے ہیں اور زمسین دلدل کی کیفیت اختیار کرتی ہے۔ ریتیلی زمسین کی دقت تی کاری کے مسکنات کی پیٹیگوئی زمسین کے نموٹ کی شناسب حنلا و کے رویے مسین کی حباستی ہے۔

$$e = \frac{V_{\text{LL}}}{V_{\text{LL}}},$$

 e^{-1} یہاں وری کے نیج حسیں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ دروں کے نیج حضا کا کل حجم ہے ۔ اگر وری میں وری میں میں ریت کے ذرات کا کل حجم جبکہ وری کرتا ہو، زلزلہ کے دوران رفتیق کاری کا امکان ہوگا۔ مطابقتی ریت کی کثافت وریت وری میں ہوگی۔ ho_{SiO_2} = (SiO_2) (جوریت کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کیا ہوگی۔ کی میں میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کیا ہوگی۔ کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت \sim کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کے دوران کی میں کا بنیادی حبزو ہے) کی کثافت کی میں کا بنیادی حبزو ہے کی کثافت کی کا بنیاد کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کی کثافت کی کتاب کا کتاب کی کتاب کرنے کے کہ کتاب کی کتاب کرنے کے کہ کتاب کی کت

كلب دى تصور

نمونے مسیں ریسے کی کثافت ہے۔ ρ سے مسراد اکائی حجب مسیں کمیت ہے : جو ریسے کے تمسام ذروں کی کل کمیت ہے۔ V کا تنسب:

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{m_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}{V_{\underline{\hspace{1cm}}\underline{\hspace{1cm}}}}$$

ے۔

حماہ: نمونے کاکل حبم کل درج ذیل ہے

$$V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$$
ن بالم $V_{ar{\mathcal{J}}}=V_{ar{\mathcal{J}}}$

ماوات \mathbf{P} . امسیں نV ڈال کر V_{-} کے لیے حسل کر کے ذیل حساس ہوگا۔

$$V_{\succeq}, = \frac{V_{\circlearrowleft}}{1+e}$$

مساوات 8.1 کے تحت ریت کے ذرات کی کل کمیت ر_{یت} سلیکان ڈائی اکسائیڈ کی کثافت ضرب ریت کے ذرات کاکل حجبم:

$$m_{\underline{\hspace{1cm}}} = \rho_{\mathrm{SiO}_2} V_{\underline{\hspace{1cm}}},$$

ہوگا۔ اسس کو مساوات V_1 امسیں ڈال کر کے مساوات V_2 ڈال کر ذیل حساس ہوگا۔

$$\rho_{\underline{\hspace{1cm}}} = \frac{\rho_{\rm SiO_2}}{V_{\mathcal{S}}} \, \frac{V_{\mathcal{S}}}{1+e}$$

liquefaction

اب. پیائش

ف صل قیت $ho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \, \mathrm{kg \, m^{-3}}$ اور $ho_{\mathrm{SiO}_2} = 2.600 \times 10^3 \, \mathrm{kg \, m^{-3}}$ برکر کے ہم دیکھتے ہیں کہ رقت کاری اسس صورت ہو گی جب ریت کی کثافت درن ڈیل ہے کم ہو۔

$$\rho = \frac{2.600 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}}{1.80} = 1.4 \times 10^3 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^{-3}$$

ر قشیق کاری مسیں عمساری کئی مسیٹر زمسین مسیں دھنس سکتی ہے۔

۱٫۱۰ کمیت

نظبر ثانی اور حنلاص

طبعيات ميں پيائش

طبیعی معتادیری پیپ اَسْس پر طبیعیات مبنی ہے۔ پچھ طبیعی معتادیر (مشلاً لمب بَی)، وقت، اور کمیت) اساسی مقدار منتخب کیے گئے: ہمرایک کی تعسریف معیارے مطابق کی گئی اور اسس کو پیپ اَسْس کی ا**کا کی** (مشلاً s،m)، اور kg) مختص کی گئے۔ دیگر طبیعی معتادیر کی تعسریف ان اساسی معتبد ار اور ان کے معیار اور اکائیوں کی صورت مسین کی حباتی ہے۔

بين الاقوامي اكائي

اسس کتاب مسین بین الاقوامی اکائی (SI) استعال کی گئی۔ جدول 1.1 مسین دکھائی گئی تین طبیعی معتادیر ابت دائی بایوں مسین استعال کی حت اساسی معتداروں کے معیار طبیعی چیس انتھی ہوں کے لیے و تابل رسائی اور غیسر تغیسر بین۔ اساسی معتدار اور ان سے اخرند دیگر معتادیر کی تمسام طبیعی چیس کشین انہی معیار کے تحت کی حبائی ہوتی ہے۔ حبدول 2.1 مسین پیش عسلامتیں اور سابقے استعال کر کے پیسائٹی ترقیم کی سادہ صورت حساس ہوتی ہے۔

اکائیوں کی باہم تب دیلی

اکائیوں کی تب یلی زنجسیری طسریقے سے حب سسکتی ہے، جس مسیں اصل مواد کو یک بعد دیگرے تب دلی ضریوں ہے، جنس منیں اعلی کی تنہ میں ایک کے روپ مسیں لکھا گیا ہو، ضرب دے کر ، اکائیوں سے الجبرائی معتادیر کی طسرح نیٹ حباتا ہے حتٰی کہ در کار اکائیاں رہ حب میں۔

لمسائی

وہ مناصلہ ہے جوانتہائی معین وقتی وقفے کے دوران بھسری شعباع طے کرتی ہے،میٹر کی تعسریف ہے۔

۱.۲.۲ وقت

سیکنڈ کی تعسرینے سیزیم 133 جوہرے حساری شعباع کی صورے مسیں کی حباتی ہے۔معیار بر مسیر ارد کھتی تحبیر ب گاہوں مسیں موجود جوہری گھسٹریوں کے صحیح ومشتی اسٹارے یوری دنیا مسیں نشیر کیے حباتے ہیں۔

کیت

پیسرسس شہرے متریب رکھے گئے پلاٹسینم واریڈیم کمین معیار ، کلوگرام کی تعسرین ہے۔ جوہری پیساند پر پیسائٹس کے لیے جوہری کمسیق اکائی استعال کی حباتی ہے جس کی تعسرین کاربن 12 جوہر کی صورت مسیں کی حباتی ہے۔ اب بیائش

كثافية

کی بھی چینز کی کثافت مے مسراد اکائی حجب مسین اسس کی کمیت ہے۔

$$\rho = \frac{m}{V}$$

سوالات

لمبائی اور دیگرامشیاء کی پیپ اکش

سوال ۱. از مسین تخیب آیک کرہ ہے جس کارداسس 106 m × 6.37 ہے۔ اسس کا(۱) محیط کلومیٹر مسیں، (ب) سطحی رقب مسریح کلومیٹر مسین، اور (ج) تحب کلومیٹر مسین کتن ہے؟

سوال ۱۰: اثاء کی مستمل اکائی نقط کہائی ہے،جوانی کے جرابر ہے۔ مسرع نقط کی اللہ ہے۔ مسرع نقط کی صورت مسین 0.1 مسرع انج کلیس۔

سوال ۱.۳: ایک مائیکرومیٹر (µm) کو عصوماً مائیکران کہتے ہیں۔(۱) کتنے مائیکران 1 km کے برابر ہیں؟(ب) سنٹی میٹر کاکتنا حصہ 4 ہوگا؟(ج) کتنے مائیکران ایک گز کے برابر ہول گے؟

سوال ۱۰.۱: اسس کتاب مسین من صلے نقل اور پیکا اکائی مسین رکھے گئے ہیں: 12 نقط 1 پیکا کے برابر ہے، اور 6 پیکا 1 اپنی کے برابر ۔ اگر کتاب مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین اور (ب) نقط اکائیوں مسین کتنی عناطار کھی گئی ہو، تب یہ کتنی عناطار کھی گئی ہے ؟

سوال ۱.۵: ایک معتابلے مسین گھوڑے 4.0 منسرلانگ دوڑ گاکر طے کرتے ہیں۔ اسس مناصلے کو (۱)عصاور (ب) زخیبر کی صورت مسین کھیں۔ (ایک منسرلانگ منسرلانگ 201.168 m کے برابر ہے۔ ایک عصا 5.0292 m اور ایک زخیبیر m 20.117 کے برابر ہے) ۱٫۱۰ کمیت

حبدول ۲.۱ بملی گرام، گرام، اور کلو گرام کی چین د قیمتیں۔

	mg	g	kg
30			
0.0			

سوال ۱.۱: حبدول ۱.۱ کسل کریں۔ (۱) بدول مکسل کریں۔ (ب) mg (ب) 55 mg کینے 12 cm³ کینے ابر ہوگا؟ (ج) 12 cm³ کے برابر ہوگا؟

سوال کے ان ماتوائی معمار پانی کا حجم عصوماً ایکر فن مسین ناپتے ہیں، جس سے مسراد ایک ایکر رقبے پر ایک فٹ گہر را گہر راپانی ہے۔ ایک شہر جس کارقب 26 km² ہے مسین 30 منٹ کی بارشن 2 ان پانی برت تی ہے۔ شہر پر کتا ایکر فٹ یائی برستاہے؟

سوال ۱.۸: ایک سٹر کے 32 مسیل اور 5 مسیر لانگ لبی ہے۔ اسس کی لمب نکی ہوگی؟
سوال ۱۹۰۹: بہر منجد جونجی عالقت ریب نیم دائری ہے (شکل 1.5) جس کارداسس 2000 km ہے۔ اسس مسین برنے کی اوسط موٹائی m 3000 سے۔ بحسر منجمہ جونی مسین کتنے cm³ برنے پایا جاتا ہے؟ (زمسین کی سطح مستوی تصور کریں۔)

وقب

سوال ۱۰.۱۰: بہت و سیج ممالک مشاأ روس مسیں مختلف مصامات پر گڑیوں کا وقت ایک دوسرے سے مختلف ہوتا ہے۔ (۱)خط تول بلد کے کتنے درج دلیا کے بعد ایک گھٹے کا نسبرق پایا جب کے گا؟ (امشارہ: زمسین 24 گھٹے مسیں 360 گھومتی ہے۔) ایک خط تول بلد کتنے منٹ کے برابر ہوگا؟

سوال ۱۱،۱۱: فضرانسینی انقبلاب کے بعید تقسریباً 10 سال تک حکومت کوشش کرتی رہی کہ وقت کی پیسائش مضمر ب 10 رکھی حبائے؟ ایک ہفتہ مسین 10 دن ایک دن مسین 10 گفٹے، ایک گھنٹ مسین 100 منٹ، اور ایک منٹ مسین 100 در کھے گئے۔

(۱) منسرانسیبی اعثاری ہفتہ اور معیاری ہفتہ کی نبیت ، اور (ب) منسرانسیبی اعثاری سیکنڈ اور معیاری سیکنڈ کی نبیت ، نبیت کسا ہے؟

سوال ۱۲.۱: ونسیا کا شین ترین بڑھت پودا "ہمپروہوکا" کہا تا ہے جو 14 ون مسین $3.7 \, \mathrm{m}$ بڑا۔ پودے کے بڑھنے کی مشرح $\mu \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$

موال ۱۳۱۱: تین گھٹڑیال الف، ب، اور پ مختلف رفت اربے حیلتی ہیں اور بیک وقت صنب رنہ میں دیتی۔ شکل 6.1 مسیں حیار موقوں پر ان کی بیک وقت ہیں کشش دکھائی گئی ہے۔ (مشال کے طور پر جسس لمحہ گھٹڑی ہے 25 ویتی

antarctica^{r2}

اب. ہیائش

ہے، گھٹڑی پ 92 ویق ہے۔)اگر دو واقع سے گھٹڑی الف پر 8 600 مناصلے پر واقع ہوں، سے (الف) گھٹڑی سے پر اور (ب) گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی الف 8 400 ویق ہے اسس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (ج) جس لمحب گھٹڑی ہوں گے؟ (جہس وقت گھٹڑی ہے۔) سس وقت گھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کھٹڑی ہے۔ اسس وقت کے تصور کریں۔)

سوال ۱۱۴: ایک درسس (جو 50 منے کا ہے) تخبیت ایک خورد صدی کا ہوگا۔

(۱)ایک خور د صبدی دورانی کتنے مزید ہوگا؟ (ب) درج ذیل کلیہ استعال کرتے ہوئے تخسین مسیں فی صبہ و نسرق تلاسٹس کریں۔

$$= \left(\frac{\vec{z}_{\text{au}} - \vec{z}_{\text{au}}}{\vec{z}_{\text{out}}}\right) 100$$

سوال ۱.۱۵: دو هفتول کاوقت کتنے us ہوگا؟

سوال ۱۱.۱: معیاری وقت کادارومدار جوہری گھٹڑیوں پر ہے۔ اسس سے بہتر معیار سیکنڈ مالین ہم سبنی ہو سکتا ہے، جو گھٹڑیوں پر ہے۔ اسس سے بہتر معیار سیکنڈ مالین ہم سبنی ہو سکتا ہے، جو گھوست تارہے جن مسین صرف نیوٹران پائے جب تے ہیں) ہیں۔ ان مسین سے گا انتہائی ٹھوسس تارہے جن مسین سرتب زمسین پر شعباع ڈالتے ہیں (سمندر کے کسنارے مغارہ مغارہ فور مئی طسر ہے کے دوران ایک مسین پر شعباع ڈالتے ہیں (سمندر کے کسنارے مغارہ فور مئی طسر ہے ہوا کہ 1937 میں ہوگئی ہے۔ ایسا تارہ ہے جوا کہ سین پر شعباع ایک ایک ایک ایک تابیخ کے مسین عسر میں وہ ساز کو خطسر سے ہوا کہ توسری ہورا کرتا ہے، جب ان آمسنر مسین 3 ٹے آمسیری ہدید مسین عسد میں عسد میں عسد میں عسد میں عسد میں عسد میں عسد کے مطلب نہیں)۔

(۱) __ نابض 7.00 دنوں مسیں کتنے حپکر کاٹت ہے؟ (ب) _ نابض 10 لاکھ مسرتب ٹھیک کتنے وقت مسیں حبکر کاٹت ہے،اور (ج) اسس سے واب تاعب میلینیت کے ہوگا؟

pulsars^{rA} neutronstar^{r9}

lighthouse".

١١. کيـــــ

سوال ۱۱.۱۷: تحبرب گاہ مسین گھٹڑیوں کی حبانچ پڑتال کی حبارہی ہے۔ ہفتے کے سات دن ٹھیک دو پہر 12 بج گھٹڑیوں کا وقت ذیل حبدول مسین پیش ہے۔ بہترین وقت رکھنے والے گھٹڑی پہلے رکھ کر گڑیوں کی در حب سندی کریں۔ایخ انتخاب کی وجب پیش کریں۔

ہفت	جعب	جعسرا <u>۔</u>	بدھ	منگل	پیےر	اتوار
12:38:14	12:37:59	12:37:44	12:37:27	12:37:12	12:36:56	12:36:40
12:00:03	11:59:56	12:00:02	12:00:07	11:59:57	12:00:02	11:59:59
15:56:33	15:55:35	15:54:37	15:53:39	15:52:41	15:51:43	15:50:45
11:57:17	11:58:24	11:59:31	12:00:38	12:01:45	12:02:52	12:03:59
12:01:12	12:01:22	12:01:32	12:01:52	12:01:54	12:02:49	12:03:59

سوال ۱۱.۱۱: زمسین کی گروشش دن بدن آہتہ ہورہی ہے، اور دن لمب ہو تاحب رہاہے۔ پہلی عسیسوی صدی کا آحسری دن صدی کے کہلے دن سے 1 ms کسب ہے۔ 20 صدیوں مسین ایک دن کا دورانیہ کل کتن ابڑا؟

سوال ۱۰۱۹: خط استواپر پر سکون سمندر کے کمن اربے رہیں۔ پر لیٹ کر آپ عضروب ہوتے سورج کانظبارہ کر رہے ہیں۔ جیسے ہی سورج کا بلا سسر سمندر کے پیچھے عضروب ہوتا ہے، آپ گھٹڑی مسیں وقت و کھے کر قسلم سند کرتے ہیں۔ اسس کے بعد اتنی بلندی پر گھٹڑے ہو کہ کہ آپ کی آئکہ $H=1.70 \, \mathrm{m}$ زیادہ او نمپ آپ پر ہو، آپ دوبارہ سورج کے بالا سسر کو عضروب ہوتے و کھے کر وقت قسلم سند کرتے ہیں۔ کل دورانب $t=11.1 \, \mathrm{s}$ ملت ہے۔ زمسین کارداس τ کتن ہے؟

کمید ••

سوال ۱۰،۲۰: عوال مسین شینے کی سب سے بڑی ہوتل بنائی گئی جس کا تحبہ 193 امسر کی گئیلن میں۔ (۱) یہ ہوتل سوال ۱۰،۳۰ میں سفینے کی سب سے بڑی ہوتل 1.8 g min کی ششرہ سے پانی سے بھسری حب نے، کتناوقت در کار ہوگا؟ یانی کی کثافت 7 میں 1000 kg m سے۔

سوال ۱۰:۱: زمسین کی کمیت 5.98 × 10²⁴ kg m⁻³ ہے۔زمسین کے جوہر (ایٹم) کی اوسط کمیت تقسریباً سا 40 u

سوال ۱۰۲۲: سونے کی کثافت 19.32 g cm⁻³ ہے، اور ہے سب سے زیادہ تار پذیر الاوسات ہے، جس کو دباکر باریک ہونے کے 1.000 ہوٹی حیائے جارا) اگر 27.63 و نے سے 1.000 ہوٹی حیائے دربائی حیائے، اسس تاریک ہونے کے سے درکارقب کتن ہوگا؟ (ب) اسس کے بر عکس، اگر اسس سے μ 2.500 رداسس کا تاریک یا حیائے، اسس تارکل کتنی ہوگا؟

سوال ۱۰۲۳: (ا) پانی کی کثافت شیک 1 g cm⁻³ منسرض کرتے ہوئے، 1 m³ پانی کی کمیت تلاسش کریں۔(ب) اگر ایک برتن سے 5700 m³ یانی کی نکامی 10.0 گھنٹوں مسیں ہو، نکامی کیت کی مشدر 7 l مسیر کتنی ہو گی؟

ductile

اب ابتیائش

سوال ۱.۲۴: سے سل سمندر پر ریسے زیادہ تر کروی سیایان ڈائی اکسائیڈ کے دانوں پر مشتمل ہے ، جن کا اوسط رداسس 1.۲۴ میں 1.00 سے 2600 kg m⁻³ ہے۔ کتی کمیت کے ریتسیلی دانوں کا کل سطی رقب (تمسام انفسنرادی کروں کا محبوعی رقب 1.00 سلع کے مکعب کے سطی رقبہ کے برابر ہوگا؟

سوال 1.18: تینز بارٹس کے دوران پہاڑی کا ایک حصہ ، جس کی افقی لمب کی میں 2.5 km ، ڈھ اوان کے ہمسراہ لمب کی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ موٹی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی $1.5 \, \mathrm{km} \times 0.4 \, \mathrm{km}$ میں موتی میں موتی موتی $1.5 \, \mathrm{km}$ میں موتی میں

سوال ۱۲۱. : تودہ ابر بادل ۲۳ کے 1 cm³ مسیں تقسریباً 50 تا 500 پانی کے قطسرے پائے حب تے ہیں، جن کاعسوی رداسس m μ 10 ہوگا۔ دیے گئے سعت کے لیے، درج ذیل کی کمت راور بلند ترقیمتیں کسیا ہوں گئ (۱) نکلی مشکل وصورت کے تودہ ابر بادل، جس کارداسس 1 km اور قتد 3 km ہو، مسین کتن اس شاہ وگئ (ب) سے پانی ایک لیسٹ رکی کتنی ہو تلیں مسیر سکتا ہے؟ (ج) پانی کی کافٹ سے 1000 kg m⁻³ ہیسر سکتا ہوگئ؟

 $-2.87 \, \mathrm{g \, cm^{-3}}$ سوال ۲۰۱۰: او ہے کی کثافت $-7.87 \, \mathrm{g \, cm^{-3}}$ ہو ہر (ایٹم) کی کیت $-9.27 \times 10^{-26} \, \mathrm{kg}$ ہو ہر ایٹم) کی کیت و جو ہر کا تحب م اور (ب) مسر ہی جو ہر کے مسر اگز منسل کریں جو ہر کروی ہے اور (ب) مسر ہی جو ہر کے مسر اگز کی میں اسلامی ہو ہو گا؟

سوال ۱٫۲۸: جوہر کے ایک مول ۳۳ سے مسراد عدد 10²³ × 6.02 بے۔موئی گھر یلوبلی مسیں،مقدار کے تسریبی رسب بال سال ۱۵ سال ۱۸ س

سوال ۱۰۲۹: آپ ملائیشیا کے مولی منٹی مسیں بیسل حضریدتے ہیں، جسس کاوزن مصامی اکائیوں مسیں 28.9 کچول ہے: ایک کچول ہے: کچول ہ

 $m=5.00t^{0.8}-1$ ووال ۱۳۰۰: رستا ہوئے ظسر نے مسین پانی انڈیلا حباتا ہے۔ پانی کی کمیت وقت t کا کانٹ عسل $t\geq 0$ کانٹ مسین پانی کی کمیت اعظم ہے، m کی اکائی گرام ، اور t کی اکائی سیکنڈ ہے۔ (۱) کس کمیے پر پانی کی کمیت اعظم ہے، اور (ب) اعظم کمیت کتنی ہے؟ کمیت مسین شبدیلی کی ششر تی، t=2.00 kg min کا کیوں مسین (ج) t=2.00 s (۱) عظم کمیت کتنی ہے؟ کمیت مسین شبدیلی کی ششر تی، t=5.00 s (۱)

سوال ۱۹۰۱: سیده کھٹرابرتن ، جس کی تہہ کارقبہ 14 cm با 17 ہے ، مٹھائی ہے بھسراحباتا ہے۔ انفسرادی مٹھائی کے بھسرا انفسرادی مٹھائی کی کیست g 0.0200 ور تحبم 50.0 mm³ ہے۔ مٹھائیوں کے گا حنا نظسرانداز کریں۔ برتن مسین مٹھائیوں کی بلندی کی سشرح (کلوگرام فی مٹھائیوں کی بلندی کی سشرح (کلوگرام فی منٹ کی کیست مسین اضاف کی سشرح (کلوگرام فی منٹ کی کیست مسین اضاف کی کسی ہے؟

اضافي سوالاھے

سوال ۱۳۲۲: حققی گھے۔ کے لیاظ ہے 12: 1 پیسان ہے گڑیا گھے۔ بنایا جباتا ہے (یعنی گڑیا کے گھے۔ رکابر صلع حقیقی

cumulusclouds

١١. کيت

گھسر کے مطابقتی صلع کا 1 ہوگا)۔ ساتھ ہی حقیق گھسر کے 144 : 1 ہیں نہے مسزید تجھوٹا گھسر تعمید کمیاد باتا ہے ، جو گڑیا گھسر کے اندر رکھا جائے گا۔ و نسر ض کریں، حقیق گھسر (شکل 7.1) کی لمبائی (ساننے سے) 20 m ، گہسرائی اس 20 m میں اور باسندی m 6 ہے، اور اسس کا چھت ڈھسلوانی ہے، جسس کی اونحپائی m 3.0 ہے۔ (ا) گڑیا گھسر اور (ب) گڑیا گھسر کے اندر رکھے حبانے والے مسزید چھوٹے گھسر کا تحبیم، مسریح مسیر مسیں، کہیا ہوگا؟

اب. ابیائش

سوال ۱۳۳۳: برصغی مسین لمب نی کی ت دیم اکائی کو سس ہے جو آئین اکس مسین پانچ ہزار گزئے برابرر کھٹا گیا۔ برط انوی سامسران نے اکسیس گرام نے کہ البر ہے۔ مغلید دور کی شاہر اہوں سامسران نے اکسیس گرام نے مقلید دور کی شاہر اہوں (تی ٹی روڈ) پر جگٹ جگٹ ایس بھی کو سس میں الرکھٹٹ نظر آتے ہیں۔ دریائے سندھ پر انگ کے مسیری پر انڈ بالے میں ایس میں الرکھٹٹ مسین پر منگ (یا فسنرس) بھی استعال ہو تارہا۔ پر منگ وہ ماسلہ ہے جو گھوڑا حیل کر ایک گھٹے مسین طے کر تا ہے۔ یوں ایک پر منگ تقت ریب ڈیم مسیل کے برابر ہے۔ موٹروے پر اللہ بورے ملت ان تک کاف صل اور کتے پر منگ ہے؟

جواب: 83.6 کو ^س، 73 پرسگ

سوال ۱٬۳۳۳ موجوده دور مسین ایک گز 36 ان میم مسایعتی تین فیٹ کے برابر ماناحباتا ہے۔ پاکستان مسین اراضی کی پیپ کشش ایکڑ ، کسنال ، مسرلہ مسین کی جب آیک ایکڑ مسین آٹھ کسنال اور ایک کسنال 20 مسرلہ کے برابر ہے۔ ایک کسنال کلی مسرئ گزیعنی 505.857 m² کر ابر ہے۔ (۱) 48.5 کسنال کارقب کتے مسرلہ ہوگا، (ب) یمی رقب کتے مسرئع گزیوگا؟

جواب: (ا) 970 مسرله، (ب) 29343 مسرئع گز، (خ) 2344 گز

سوال ۱۳۵۵: ایک من ^{۳۵}وزن دسس وهروی کے برابر،ایک وهسژی حیار سیر کے برابر،ایک سیر حیار **پاو** کے برابر، اورایک پاوحپار چھٹ**انک** کے برابر ہے۔ایک من شک حق 37.3242 kg کے برابر ہے۔ایک شخص تین من دود هسژی پانچ سیر تین باداور دوچے شانک گندم حسرید تاہے۔ گندم کی کیت kg مسیس کتن ہے؟

بواب: 124.919 431 9 kg

موال ۱۳۲۱: مونے کے وزن کی اکائی تولم ۳۲ ہے۔ ایک تولہ 12 ماشوں کے برابر ہے۔ ایک تولہ ایک ماشوں کے برابر ہے۔ ایک تولہ اور سات ماشنے کا مونا حضریدتے ہیں۔ سے کتنے اسلام کے برابر ہوگا؟

جواب: 65.122 88 g

سوال ۱٫۳۷: چینی کے تعبی دانے کا ضلع علی اسلام 1 cm ہول، ڈیا مسین ایک مول چینی کے تعبی دانے ہوں، ڈیا کا ضلع کی م ہوگا؟ (ایک مول 6.02e23 کو کہتے ہیں۔)

موال ۱۳۸۸: ایک یوسف ذئی حنان کے پاکس 12 ہزار حبریب کی اراضی ہے۔ ایک حبریب حیار کمنال کے برابر ہے، اور ایک کتنے km ہوگا؟ برابر ہے، اور ایک کتنے km ہوگا؟ جواب: 1.102 km

موال ۱۹۳۹: برطنانوی گئیلن امسر کی گئیلن سے مخلف ہے: ایک برطنانوی گئیلن 4.546 لیٹر، جبکہ ایک امسر کی گئیلن 3.785 لیٹر، جبکہ ایک امسر کی گئیلن 3.785 411 8 لیٹر کے برابر ہے۔ برطنانیہ مسین حضرید کی گاڑی کے بنانے والے دعویٰ کرتے ہیں کہ ان کی گاڑی ایک گئیلن شیل مسین مسین 40 km مناصلہ طے کرتی ہے۔ ایک شخص گاڑی حضرید کر امسریکہ لے حیاتا

inch

maund

۱٫۲ کی<u>ت</u>

ہے۔امسریکہ مسیں 750 مسل مناصلہ (۱) کتنے گیلن شیل مسیں طے ہونا متوقع ہے اور (ب) گاڑی حقیقت اُکتٹ تسیل استعمال کرے گی؟

سوال ۴۰.۱: اسس باب مسیں پیش کیے گئے مواد کو استعمال کرتے ہوئے دریافت کریں کہ 1.0 kg ہائیڈروجن حساس کرنے کے لیے ہائیڈروجن جوہروں کی تعبداد کتی ہوگی۔ ہائیڈروجن جوہر کی کیست 1.0 u ہے۔

سوال ۲۱،۱: ایک ڈر می جس کی لمبائی دوفٹ ہے کا حجب 100 کیٹ رہے۔اسس کارداسس cm مسین کسیاہوگا؟ جوا۔: 22.85 cm

سوال ۱٬۳۲۰ پانی (H_2O) کے سالب مسیں دو ہائیڈروجن اور ایک آئسیجن جوہر پایا حباتا ہے۔ ہائیڈروجن جوہر کی کیت 1.0 u اور آئسیجن جوہر کی کیت 1.0 u ہوگی؟ (ب) دنیا کے کیت 1.0 u اور آئسیجن جوہر کی کیت 1.0 u ہوگی؟ (ب) دنیا کے تمام بحسر مسین (تخمیٹ) کل 1.0 kg پاپایاجاتا ہے۔ اس یانی مسین کتنے سالم ہوں گے؟

موال ۱٬۳۳۳: ایک شخص خوراک کی معتدار کم کر کے ایک ہفت مسین 2.3 kg کمیت گھٹا کیا ہے۔ کمیت گھٹا کی مصرح۔ سے معتاد کم کر کے ایک ہفت مسین کھیں۔

 $^{\circ}$ سوال ۱.۳۳ یانی کی کثافت $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ اسین دیے گئے شہدر پر کتنی کمیت کایانی برب

سوال ۱٬۳۵۵: (۱) بعض او ت نورد بنی طبیعیات مسیں وقت کی اکائی شکھے ^{۳۷}استعال کی حباتی ہے ، جو تقت سریباً ع استعال کی حباتے ہیں؟ (ب) تقت ریباً ع اللہ ۱٬۳۵۵ کے برابر ہے۔ کمیا سال مسیں سیئنڈوں سے زیادہ سیئنڈ مسیں شیک پائے حباتے ہیں؟ (ب) زمسین پر بنی آدم 66 سال گزار چکا ہے، جب کائٹ وال سال پر انی ہے۔ اگر کائٹ ک کی پوری عمسر ایک "کائٹ آتی دن "تصور کی حبائے، جس مسیں" کائٹ آتی سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سادہ سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سادہ سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سادہ سیئٹروں کی تعداداتی ہی ہو جتنی ایک سیئٹر سیئر سیئٹر س

سوال ۱٬۳۲۱: کوئلے کی کھسان سے سالانہ m 26 گہسرائی تکسے 200 ایگزر قبے کا کوئلہ سے سل کسیا جب تاہے۔ یہ کوئلہ تخت کوئلہ کتنے 8 km کے برابر ہے ؟

سوال ۱٬۳۷٪ سورج اور زمسین کے درمسیان اوسط من صلے کو ایک فلکیاتی اکائی است ہیں۔ روشنی کی رفت ارتقاد میں میں۔ تقسریب 108 m s⁻¹ ہے۔ روشنی کی رفت ارفلک آئی اکائی فی منہ مسیس کھیں۔

سوال ۴۸، ۱: مشرقی نیولا کی کمیت تقسریباً g 75 ہوتی ہے، جو تخمیناً 7.5 مول جوہر کے برابر ہے۔ (جوہروں کا ایک مول 6.02e23 جوہر کے برابر ہے۔) نیولا کے جسم مسین جوہر کی اوسط کمیت کو جوہری کمسیتی اکائی (u)مسین لکھیں۔

سوال ۱۹۸۱: حباپان مسین لمبائی کی روایق اکائی کی روایق اکائی کی گرخ مسیم کین اور مسریح کین اور مسریح کین اور مسریح مسیر کی نبیت اور (ب) تعبی کین اور تعبی مسیر کی نبیت کسی ہے؟ ایک بسیان، جس کی بلندی 5.05 کین اور راسس 3.00 کین ہے، کاحمب (ج) تعبی کین اور (د) تعبی مسیر مسیر مسین کسی ہوگا؟

shake^{r2} astronomicalunit^{r4}

kan^{rq}

اب، پیرائش

سوال ۱۵۰۱: آپ مشرق کی طسرف 24.5 میل کشتی چلاتے ہیں جبکہ آپ کو 24.5 سمندری میل سفسر کرنا تحتا۔ایک سمندری میل 1.1508 زمینی میل کے برابر ہے۔ آپ اصل معتام سے کتن دور ہیں؟ ۱٫۲ کی<u>ت</u>

سوال ۱۵.۱: ایک سمتیہ جسس کا و تدر m 7.3 m ہیں۔ محور کے رخ سے گھٹڑی کی سوئی کے محتالف رخ °250 پر xyx مستوی مستوی مسین پایا جباتا ہے، الف اسس کا x حبز اور ب وائی حبز تلاشش کریں۔

26.3 سمتیہ ہے ہور تا $\theta = 30^\circ$ سے اور پہ y مستوی مسیں زاوی $\theta = 30^\circ$ کہ رخ ہے، مشکل 26.3 دیکھ میں اسس سمتیہ کے الف x جسبز اور پر جسبز تلامش کریں۔

سوال ۱۵۳۳: سمتیه کام حسز - m اور وحسز + 40 m ہے۔الف سمتیه کافت در کتن ہے؟ بسسمتیه کے رخ اور محور x میں میں اور کے گزاور کے درخ اور محور کتن ہے؟ کتن ہے؟

سوال ۱۵۵۰: درج ذیل زاویوں کوریڈین مسین بیان کریں: الف °20 ، ب °50 ، ج °100 _ درج ذیل زاویوں کو درجوں کی صورت مسین پیشن کریں: 20.00 ریڈین، و70.70 ریڈین۔

سوال ۱۵۵. ا: ایک بحسری جہاز شمال کے رخ 120 km دور نقل کی حبانب پنچن حیابت ہے۔ سفسر کے اعنی از سے پہلے ہی ایک غنسبر متوقع اند ھی اسس کو نقطہ اعنیازے مشرق حبانب 100 km دور دکھیات ہے۔ اسس جہاز کو اختای نقطہ پر پہنچنے کے لیے الف کتناف صلہ طے کرنا ہوگا طے کرنا ہوگا اور (ب) اے کس رخ سفسر کرنا ہوگا ؟

سوال ۱۵۱: سنگل 27.3 مسیں ایک جب اری مشین کو اف کی رخ سے زاویہ $0 = 20^\circ$ پررکھے گئے تختے پر $d = 12.5 \,\mathrm{m}$ وناصلے تک گسیٹ حب تا ہے۔ اسس مشین کو (الف) انتصابی روح اور $d = 12.5 \,\mathrm{m}$ کیا گسیٹ کو سالے گلی ہوگا ہے۔ اس مشین کو سالے گلی ہوگا ہوں کا میں مشین کو سالے گلی ہوگا ہوں کا میں مشین کو سالے گلی ہوگا ہوں کی میں کا گسیٹ کو سالے گلی ہوں کا میں مشین کو سالے گلی ہوں کا میں میں کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کی میں کا میں کی میں کا میں کی میں کا میں کی کو کا میں کا میں کی میں کی کا میں کا میں کی کرنے گئی گسیٹ کی کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کو کا میں کی کرنے گسیٹ کو کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کی کرنے گسیٹ کرنے گسیٹ

سوال ۱.۵۷: ایک ہٹاؤجس کا قتدر m m ہے اور دوسراہٹاؤجس کا قتدر m m ہے پر غور کریں۔ دکھائیں کہ ان ہٹاؤجس کا قتدر کے ہٹاؤجس کا قتدر کے ہٹاؤساں سے جہاؤسساں کیے حبا ہٹاؤسمیات کو استعال کرتے ہوئے(الف) m r ، (ب) اور (ج) m فتدر کے ہٹاؤساں کے جبا سکتے ہیں۔ Adodule کائی سمتیات ، سمتیات کی جمع بذرایو۔ احبزاء

سوال ۱.۵۸: ایک شخص 3.1 km شمال کی طرف جیلئے کے بعید 2.4 km معتبر اور احت میں 5.2 km معتبر اور احت میں 5.2 km پرندہ اس کے حسر کت کو ظاہر کرنے کے لیے سمتی نقث بنائیں۔ ایک پرندہ اس نقط اغنازے سیدھ انقط اختام تک اڑتے ہوئے (ب) کتناف اسلام کے گاور (ج) کس رخ طے کرے گاور (ج) کس رخ طے کرے گا

سوال ۱.۵۹: درج ذیل دوسمتیات دیے گئے ہیں

$$a = (4 \text{ m})i - (3 \text{ m})j + (1 \text{ m})k$$

اور

$$b = (-1 \,\mathrm{m})i + (1 \,\mathrm{m})j + (4 \,\mathrm{m})k$$

 $\vec{a} - \vec{b} + \vec{b}$ اور \vec{b} اور \vec{a} اور \vec{b} اور \vec{b} اور $\vec{d} + \vec{b}$ اور \vec{d} اور

 $d_x = 4.4$: $c_z = -6.1$: $c_y = -3.8$: $c_x = 7.4$ ول مسين احبزاء $d_z = 3.3$: $d_z = 3.3$:

سوال ۱۲.۱: (النب) اگر $\vec{b} = (-13\,\mathrm{m})\hat{i} + (7\,\mathrm{m})\hat{j}$ اور $\vec{d} = (4\,\mathrm{m})\hat{i} + (3\,\mathrm{m})\hat{j}$ ہوں تب اکائی سمتیا عمال تیت مسیں مجسوعہ a+b کے ابوگا؟ اسس مجسوعے کا (ب) تعدر اور (ج) رخ کے ابوگا؟

باب. بیمائش

سوال ۱۰۲۱: ایک گاڑی کو مشرک کی طسر نے 50 km ، اسس کے بعید شمیال کی طسر نے 100 اور احسر مصیں شمیال کے مشرک حباب 30 km کے رخ 25 km کے رخ 25 سیان شمیال سے مشرک حباب علی است کا مستی نقشہ بن میں۔ ابت دائی افتطالہ سے گاڑی کی کل بن اوکا (الف) متار اور (ب) زاویہ تلائش۔

موال ۱۳۰۳: ایک شخص اینے موجودہ معتام سے 3.4 km دور شمال سے مشر کے حبانب 35° کے رخ معتام پر پنتیک حبابت ہے۔ تاہم اسس کو محب بوراً ایک گلیوں سے گزرنا ہو گاجو مشرق سے معضر ب یا شمال سے جنوب ہیں۔ سے شخص کتنا کم سے کم ون اصلہ طے کر کے اسس معتام تک پنتی ملک ہے؟

عوال ۱۹۳٪: ہموار صحب رامسیں xy محب رقی نظام کے متاز سے اغناز کرتے ہوئے xy محب رد (مائنس 14 میٹر کم 20 میٹر کر 30 m , -140 m) میٹر کی معتام کو پنچنا حیاج ہیں۔ اپ کو صرف حیار مسرتب سید مسیں چلنے کی اور 20 اور 20)، احب ازت ہے۔ اپ کی حسر کرت کے x اور x کور کے لیا خات راور x کور کے لیا خات راویہ کیا ہوگا؟ میٹر وی کا میٹر وی کا کہ اور x کور کے لیا خات راویہ کیا ہوگا؟

سوال ۱۵٪ ان سشکل 3.28 مسیں وکھائے گئے سمتیات a اور b دونوں کے متدر $10\,\mathrm{m}$ ہیں جبکہ ان کے زاویات 00 اور 01 احبزا تلاسش کریں۔ (ج) 01 احبزا تلاسش کریں۔ (ج) مسمتیہ 02 کا محتدر اور (ح) مسبت 02 محور کے رخ کے ساتھ 02 کا ناویہ تلاسش کریں۔

سوال ۱۹۲۱: سناؤسمتیات $\vec{b} = (5\,\mathrm{m})\hat{i} + (-2\,\mathrm{m})\hat{j}$ اور $\vec{a} = (3\,\mathrm{m})\hat{i} + (4\,\mathrm{m})\hat{j}$ کے گے (الف) ایک سمتی عبد المتیت مسین اور (ب) سمتی i کے گیا تا سے زاوی کی صورت مسین a+b ہیان کریں۔ ایک طسرح (د) ایک سمتی عبد المتیت مسین اور (ح) متدر اور (ط) زاوی کی صورت مسین b-a ہیان کریں۔

سوال ۱۹۲۷: تین سمتیات b ، a ، اور c مستوی xy مسیں پائے جبتے ہیں اور ہر ایک کا تدر b ، a ہور کے رخ کے لیا نظرے ان کے رخ بالت حریب a ، a ، a وہ نظرے ان کے رخ بالت حریب a ، a ، a وہ نظرے ان کے رخ بالت حریب a ، a وہ نظرے اور کا در اور کا راف بی بیا ہوگا؛ ایک ایسے چوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے ایسے چوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے بیا ہوگا؛ ایک ایسے پوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے بیا ہوگا؛ ایک ایسے پوشے سمتیہ a کا (و) تدر اور کی زاوی کے بیا ہوگا؛ ایک ایسے پوشے سمتیہ کی کا موکن کر تا ہو؟

سوال ۱۸٪ ان مجسوعہ \vec{C} مسین سمتیہ سمتیہ \vec{A} کا صدر \vec{D} اور مثبت \vec{C} رخ سے حناونب گری زاویہ \vec{C} ہے۔ سمتیہ \vec{D} کا الفہ ناویہ \vec{C} ہے، جب کہ سمتیہ جب کا کا تعدر \vec{D} اور مثنی \vec{D} رخ سے حناونب گھٹری زاویہ \vec{D} کا الفہ متدر اور (ب) مثبت \vec{C} محور کے لیافا سے زاویہ کیا ہوگا؟

موال ۱۹٪ ان کیس باغیب مسیں 1 سراف کے چوکور حنانوں کا شطسرنج کی کھیل کامیدان بنایا جاتا ہے ایک نائٹ درج ذیل متدم لیتا ہے: 1 دوچوکور اگے، ایک چوکور دائیں؛ 2 دوچوکور بائیں، ایک چوکور اگے؛ 3 دوچوکور آگے، ایک چوکور بائیں۔ اگے جیلئے کرخ کے لحاظ سے نائٹ کے مجبوعی ہٹاؤکا(الف) متدر اور (ب)زاور ہی کیا ہوگا؟

باب

مخفى توانائي اور توانائي كي بقسا

اختتای حسال مسیں اسپرنگ ڈھیلے حسال مسیں ہو گااور ہواباز س کن زمسینی سطح پر ہو گا،لہذانظ م کی اختتا می میکانی توانائی ذیل ہوگی۔

$$E_{2i\dot{j}\dot{k}_{z'}}=K_{2}+U_{e2}+U_{g2} \ =0+0+0$$

آئیں اب زمینی سطح راہ اور تب راک کی حسر رای تو انائی میں تب یلی کے ΔE کی بات کرتے ہیں۔ مساوات 31.8 f_k کی اب کے کے کے اگر اگر گری قوت و تدر مرب رسر گر کا صاحب کہ f_k الاحب اسکتا ہے۔ مساوات 2.6 ہے ہم حب نے ہیں f_k ہوگا، جب ال f_k عصودی قوت ہے۔ خطہ مسیں تب راک رگڑ کے ساتھ افتی حسر کت کر تا ہیں f_k و گراوپر وار اور نشیب وار قوت برابر ہوں گی)۔ یوں میکانی تو انائی ہے رگڑ درج ذیل مقتد ارکون کر کے گا۔ گوئی کے گ

$$\Delta E_{\sim} = \mu_k mgL$$

(مسنرید تحب رہے کے بغیب رہے حبان مسکن نہیں اسس توانائی کا کتن حصہ تیب راک کواور کتن راہ کو منتقب ہوگا۔ ہم صرف کل مقب دار حبانے ہیں۔)

ماوات 43.8 تاماوات ۲.۲ کوماوات 42.8 میں پر کرنے سے

$$(r.r) 0 = \frac{1}{2}kd^2 + mgh - \mu_k mgL$$

ملت ہے، اہلندا درج ذیل حساصل ہوگا۔

$$L = \frac{kd^2}{2\mu_k mg} + \frac{h}{\mu_k}$$

$$= \frac{(3.2 \times 10^3 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-1})(5\,\mathrm{m})^2}{2(0.800)(200\,\mathrm{kg})(9.8\,\mathrm{m/s}^2)} + \frac{35\,\mathrm{m}}{0.800}$$

$$= 69.3\,\mathrm{m}$$

آ حنسر مسیں اسس بات پر توحب دیں کہ ریاضی حسل کتنا آسان تھت۔ سوچ سبچھ کر نظام تعسین کر کے یاد رکھتے ہوئے کہ سیہ حبد انظام ہے، ہم توانائی کی بقت کا متانون استعال کرپاتے ہیں۔ یوں نظام کے استدائی اور اختای حسال توانائیوں کو، در میانے حسال حبانے بغیسر، برابر رکھا حب مکتا ہے۔ بالخصوص، عسیسر ہموار راہ پر تسیسراک کی حسر کت پر غور کرنے کی مفرور سی پیش نہیں آئی۔ اسس کی بحبائے، اگر ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور ہم قوانین نیوٹن استعال کریں، ہمیں راہ کی مکسل معسلومات حبائے اور کھاور حساب بھی مشکل ہوتا۔

نظسر ثاني اور حنلاص

بقسائي قوت

وہ تو۔، جو کسی بندراہ پر حسر کت کرتے ہوئے ذرہ پر ، کسی ابتدائی نقطہ سے حیل کر ای نقطہ پر واپس پنٹی کر ، صنسر صافی کام کرتی ہو ا<mark>بقائی قوضے</mark> ہو گی۔ ہم یوں بھی کہہ سکتے ہیں کہ اگر ایک قوت دونقطوں کے پچ حسر کت کرتے ہوئے ذرے پر جو صافی کام کرے وہ راہ پر مخصسر سنہ ہو تب قوت بقسائی ہو گی۔ تحباذ بی قوت اور اسپر نگ قوت بقسائی ہیں؛ حسر کی رگڑی قوت غیر بقائج ہے۔

مخفى توانائى

وہ توانائی جو ایے نظام کی تفکسیل کے ساتھ وابستہ ہو جس مسیں بتسائی قوت عسل پسیرا ہو مخفی توانائی کہائی ہے۔ جب نظام کے اندر ذرے پربتسائی قوت کام W کرے، نظام کی مخفی توانائی مسین تبدیلی ΔU ذیل ہوگا۔

$$\Delta U = -W \tag{8.1}$$

نقطہ x_i سے نقطہ x_f بہنچنے پر،نظام کی مخفی توانائی مسیں تبدیلی درج ذیل ہوگا۔

$$\Delta U = -\int_{x_i}^{x_f} F(x) \, \mathrm{d}x \tag{8.6}$$

تحباذني مخفى توانائي

زمسین اور اسس کے مستریب ذرے کے نظام سے وابستہ مخفی توانائی کو ت**جاذبی مخفی توانائی ک**ہتے ہیں۔اگر ذرہ اللہ بلندی سے م ع مع بلنندی منتقتل ہو، زمسین وزرہ نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسین رونمہ ہونے والی تبدیلی ذیل ہوگی۔

$$\Delta U = mg(y_f - y_i) = mg\Delta y \tag{8.7}$$

y پر در کھ کر اور اسس نقط پر تخب ذبی مخفی توانائی $U_i=0$ رکھ کر کسی بھی بلنندی y پر ذرے کی تحب ذبی مخفی توانائی در جوالہ نقط ہوگی۔

$$U(y) = mgy (8.9)$$

لحي كى مخفى توانائي

لىپىدار جىم كى حسالت تھنچىياحسالت داب سے دابسة توانائى كو ك**ىكى مخفى توانائى** كېچە بىيں۔ایک اسپرنگ،جواسس وقت توت وسلى الىپىداكر تاہے جب اسس كے آزاد سىر كاہنے وx ہو، كى كىپى مخفى توانائى ذیل ہوگی۔

$$U(x) = \frac{1}{2}kx^2 (8.11)$$

u=0 اور u=0 ہو۔ x=0 ہو۔ x=0 ہو۔ اور x=0 ہو۔

بيكانى توانائى

سر کی توانائی K اور مخفی توانائی U کا محب و عب نظام کی میکانی توانائی E_{ik} ہوگا۔

$$E_{\dot{\beta} \not k} = K + U \tag{8.12}$$

جدا نظام سے مسرادوہ نظام ہے جس مسیں "بیدونی قوت" توانائی کی تبدیلی کا سبب نہیں بستی۔ اگر صرف تحب ذبی قوتیں حبدانظام کے اندرون کام کرتی ہوں، تب نظام کی میکانی توانائی میکانی توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات طاہر کرتی ہیں۔ درج ذیل کھا حباسکتا ہے، جبال زیر نوشت توانائی کے انتقال کے دوران مختلف کمسات ظاہر کرتی ہیں۔

$$K_2 + U_2 = K_1 + U_1 \tag{8.17}$$

ہے اصول درج ذیل بھی لکھاحب اسکتاہے۔

$$\Delta E_{\text{i.j.}} = \Delta K + \Delta U = 0 \tag{8.18}$$

مخفی توانائی منحنیات

ایک نظام، جس مسیں یک بعدی قوت F(x) ذرے پر عمسل پیسراہو، کی مخفی توانائی تفاعسل U(x) حبائے ہیں۔ ہوئے ہم ہے قوت تلاسش کر سے ہیں۔

$$F(x) = -\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}x} \tag{8.22}$$

اگر تف عسل U(x) کی ترسیم دی گئی ہو، کسی بھی نقط ہیں پر ، ترسیم کی ڈھسال کی ننجی اسس نقط ہیر قوت F(x) ہو گی اور ذرے کی حسر کی توانائی درج ذیل ہو گی، جبساں E_{ik} نظام کی میکانی توانائی ہے۔

$$K(x) = E_{ik} - U(x) \tag{8.24}$$

موٹاواپ یں نقطہ سے مسرادوہ نقطہ ہے جس پر ذرہ حسر کت کارخ تبدیل کر تا ہے؛ اسس نقطہ پر K=0 ہوگا۔ جن نقطوں پر K=0 کی ترسیم کی ڈھسال صف ہوان نقطوں پر ذرہ **توازیخ** مسیں ہوگا؛ان نقطوں پر U(x)=0 ہوگا۔

نظام پر بیسرونی قوی کا کر دہ کام

کام W سے مسراد وہ توانائی ہے جو نظام پر بیسر ونی تو سے کے عمسل کی بنانظام سے باہریا نظام کے اندر منتقتل ہو۔ جہاں ایک سے زیادہ تو تین عمسل پیسر اہوں وہاں منتقتل توانائی ان کا محب وی صافح کام ہوگی۔ رگڑ کی غیسر موجودگی مسیں نظام پر کسیا گلے اور نظام کی میکانی توانائی مسیں تبدیلی ΔE_{ik} برابر ہوگی۔

$$W = E_{ik} = \Delta K + \Delta U(x)$$
 (8.26, 8.25)

نظام کے اندر حسر کی رگڑی قوت کی موجود گی مسین مسین نظام کی حسری توانائی ہے E سبدیل ہو گی۔ (حسری توانائی نظام م مسین جوہر اور سالموں کی بلامنصوب حسر کت سے وابستہ ہے۔)الی صورت مسین نظام پر کسیا گسیاکام درج ذیل ہوگا۔

$$W = E_{jk} + \Delta E_{jk} \tag{8.33}$$

ے۔ تبدیلی سے ΔE بیسرونی قوت سے پیداہٹاو کی متدر d اورر گڑی قوت کی متدر f_k پر مخصسر ہے۔

$$E_{\smile} = f_k d \tag{8.31}$$

توانائی کی بقب

نظام کی ک**کل توانا کی** (جومیکانی توانائی اور اندرونی توانائیوں، بشمول حسری توانائی، کامحبموعیہ ہوگا) مسیں تبدیلی اسس توانائی کے برابر ہوگی جونظام سے باہریانظام کے اندر منتقتل کی حبئے۔ اسس تحب رباتی حقیقت کو **توانائی کی بقا** کہتے ہیں۔ نظام پر کسیاکام W ہونے کی صورت مسین ذیل ہوگا۔

$$W = \Delta E = E_{\dot{\beta} \xi_{\bullet}} + E_{\smile} + E_{\dot{\beta}_{\nu} \xi_{\uparrow}} \tag{8.35}$$

$$W=0$$
 کے لئے اسس سے کے انتظام

$$E_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathcal{L}}} + E_{\dot{\mathcal{J}}_{\mathcal{J},\mathcal{J}}} = 0 \tag{8.36}$$

اور

$$E_{2,ijk,..} = E_{1,ijk,..} - \Delta E_{i,..,k} - \Delta E_{i,ijk,..}$$

$$(8.37)$$

حاصل ہوں گے، جہاں زیر نوشت، 1 اور 2 ، دو مختلف کمحات ظاہر کرتی ہیں۔

ا.٠.١ طاقت

قوت کی بناطباقت، اسس توانائی کے انتصال کی مشیرے کو کہتے ہیں، جو قوت منتصل کرتی ہے۔ یوں Δt دورانپ مسیں اگر قوت اسس توت کی اوسط طباقت درج ذیل ہوگی۔

$$P_{\text{bol}} = \frac{\Delta E}{\Delta t} \tag{8.40}$$

قوت کی لمحاتی طباقت زیل ہو گی۔

$$P = \frac{dE}{dt} \tag{8.41}$$

سوالا ____

موال ۲۱: سشکل 18.8 مسیں افقی حسر کر تاہوا جم نقط دارا فتنا می کسیسر تک تین بلار گزراستوں سے پینی سکتاہے، جن مسین فقط بلندی کا نسنسر ق ہے۔ ان راہ کی در حب بسندی (۱) افتنا می کسیسر پر جسم کی رفت ارکے لحساظ سے اور (ب) افتنا می کسیسر تک جسم کے پہنچنے کے دورانی حسر ک کے لحساظ سے کریں بزیادہ قیت کا نتیج وال کھیں۔

 $- 2 \quad - 2$

سوال ۲۰۳: نقط i سے نقط f کک ایک براہ راست راستہ اور حیار راستے گھوم کر حباتے ہیں۔ براہ راست راست پر اور تین گھوم کر حباتے ہیں۔ براہ راست راست پر بقت کی ورب پر بقت کی ورب پر بقت کی ورب پر بقت کی قوت F_{ij} اور غیب بقت کی تو درب کی میکائی تو بی میکائی میں تب یلی کے اور عب بقت کی ورب نے والی راہوں کے ہر سیدھے ھے پر (حباول میں) درج ہے (ا) براہ راست راست توانائی میں تب یلی کے کہ کھوم کر حب نے والی راہوں کے ہر سیدھے ھے پر (حباول میں) درج ہے (ا) براہ راست راست کے میکن کی میکن کے کا میکن کے میکن ک

 E_{i} پین ΔE_{i} کی اسس ایک راه پرجس پر خیر بین نام کا کی اسس ایک کی جس نام کا کی جس نام کا کی جواند مین ΔE_{i} کی برواند مین ΔE_{i} کی برواند مین خان کا کی برواند مین نام کا کا کی برواند مین نام کا کی برواند کی برواند کا کی برواند کی کی برواند کا کی برواند کا کی برواند کا کی کا کی کی برواند کا کی برواند کا کی کی کا کی کا کی کا کا کی کا کا کا کا ک

سوال ۲۰۳۰ ایک جم جم m 8 بلندی سے بلار گزراہ پر رہاکی حباتا ہے (مشکل 21.8)۔ چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹیوں کی بلندیاں مشکل مسیں دی گئی ہیں۔ تسام چوٹی اور جم کی تبھی چوٹی سے اثر کر نہیں گرتا۔ (ا) وہ کو نمی پہلی چوٹی ہے جم پار کرنے سے دی گئی ہے جم پار کرنے سے متاصر ہوگا؟ (ب) اسس چوٹی کوپارٹ کرنے کے بعد جم کی اگرے گا؟ جن چوٹیوں کو جم پار کرنا تا ہے، کسس چوٹی پر اسس کی عصودی توسے کم ہوگی؟ کوپارٹ کے باور (د) کسس چوٹی پر اسس کی عصودی توسے کم ہوگی؟

سوال ۲۰۵: ایک جیم بلارگڑ میلان پر A تا C حسر کت کرنے کے بعد افقی خطہ CD ہے گزر تا ہے، جہاں رگڑی قوت عمل پیسرا ہے۔ کیا جیم کی حسر کی توانائی(۱) خطہ AB، (ب) خطہ BC مسیں بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقال ہتی ہے؟ (و) کیاان خطوں مسین جیم کی میکانی توانائی بڑھتی ہے، گھٹتی ہے، یامتقال ہتی ہے؟

سوال ۲۰: ایک بسیان کو، جو انتصابی سیاخ پر حپڑھ اہوا ہے، رس سے اوپر کھینچ جب تا ہے (مشکل 23a.8)۔ تنگ سوراخ کی بدولت یہ سیان کو، جو انتصابی سیان و سیان و در سین میں اراخ کی بدولت یہ سیان و سیان و سیان و در سین انتظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین فعت ہو، بند "کسیا گیا ہے: نظام پر اللہ کا کام کرتی ہے (مشکل 23b.8 سین اصناف U_g کام کرتی ہو تھا ہم میں صناف کے اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟ مسین اصناف کے عمل اوہ نظام مسین صناف کے کہا ہوگی؟

سوال ۲.۷: شکل 24.8 مسیں و کھایانظام سوال ۲.۷ مسیں پیش نظام کی طسر تے۔ یہاں بسیان سے بند گی رق آپ اللہ ۲۰ مسیں پیش نظام کی طسر تے۔ یہاں بسیان سے بند گی رق آپ میٹیجتا ہے۔ یہاں بھی بسیان و آپ نیج کھینچتا ہیں۔ نیج کھینچتا ہے۔ یہاں بھی بسیان و سیاخ وزمسین نظام کو مشکل 23b.8 مسیں پیش نظام کی طسر تصور کریں۔ آپ نظام پر 200 کام کرتے ہیں۔ نظام جم پر 60 کام کرتا ہے۔ نظام کے اندرون مسیں حسر کی توانائی مسیں 130 اصاحت، اور تحب ذبی توانائی مسیں 20 کی رونس ہوئی۔ (ا) شکل 23c.8 کی طسر زپر نظام کی توانائی کو "فعت رہ بند "کریں۔ (ب) نظام کے اندر حسری توانائی مسیں تب ملی کتنی ہوئی۔ (ب) نظام کے اندر حسری توانائی مسیں تب ملی کتنی ہوئی؟

سوال ۲۰۸: ایک جم مشکل 25.8 مسیں راہ پر جیلتے ہوئے h بلندی ہے اتر تا ہے۔ ماسوائے نحیلی افتی حصہ کے ، جس مسیں جم D فتی صلہ کرنے ہے جس کے بعد رک حباتا ہے ، راہ بلار گڑ ہے۔ (۱) بلند h کم کرنے ہے جس D ہے زیادہ ، کم ، یا اسس کے بر ابر و نباصلہ طے کرے گا؟ (ب) اسس کے بر عکس ، جم کی کیت بڑھانے ہے جس D ہے زیادہ ، کم ، یا اسس کے بر ابر و نباصلہ طے کرے گا؟

سوال ۲۰: ایک جم میلان پر اتر تا ہے۔ سشکل 26.8 مسیں تین صور تیں پیشس کی گئی ہیں، جہاں میلان بلار گڑنہیں ہیں۔ سینوں صور توں مسیں جم ایک جتنی بلندی سے آغناز کرتے ہوئے حسر کرت کرتا ہے حتٰی کہ حسر کی رگڑی قوت اسے روک یا تھے۔ ان صور توں کی در حب بندی حسر توانائی مسیں اضاف کے لیے افزی کے ادادہ قیت اول رکھیں۔

سوال ۲.۱۰: تین گیند ایک بلندی اور ایک رفت ارسے چھینے جباتے ہیں (مشکل 27.8)۔ ایک گیند سیدها اوپر پھیکا حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کیا حباتا ہے۔ تیسرا بلار گڑ میالان پر روانا کیا حباتا ہے۔ گیندوں کی درحب بندی، نقط دار ککسیر ہے بھی کر ان کی رفت ارکے لیاظے کریں۔ زیادہ قیمت اول رکھیں۔

۲.۱. مخفی توانائی

سوال ۲۰۱۱: جب ایک ذرہ f = i اور i = j مشکل 28.8 میں دکھ نے راستوں پر دکھ نے درخ حسر کرتا ہے، ایک بتائی قوت \vec{F} اسس پر عمسل کر کے، مشکل مسیں پیش کام کرتی ہے۔ نقط f سے براہ رامت \vec{f} متفسل ہونے کی صورت مسین ذریے پر \vec{F} کتنا کام کرے گا؟

۲.۱ مخفی توانائی

سوال ۲۰۱۱ ایک اسپرنگ جو 7.5 cm د بی سالت مسیں 25 J کمپنی مخفی توانائی ذخیہ رہ کر تا ہو کامقیاسس کپک کمیاہو گا؟

 $m=825\,\mathrm{kg}$ سوال ۲۰: پہلی چوٹی جس کی بلندی $h=42\,\mathrm{m}$ کو سر کر کے ، بلار گڑ تفسہ ہے گاڑی جس کی کیہ B ، اور (ج) نقطہ ہے ، کی رفت اور جن کنظہ B ، اور (ج) نقطہ B ، اور (ج) نقطہ B یات کی رفت اور جن کن گڑی ہے ۔ انسان کام کرتی ہے ؟ نقطہ B پر گاڑی وزمین نظام کی تحب ذبی تحقی توانائی صف رکسیتے ہوئے اس کی تیست اس وقت کے ہوئے اس می تحب اور کی گئے گئے ہوئے اس وقت کے ہوئے گاڑی (د) نقطہ B اور (د) نقطہ B اور (د) نقطہ B کی بیات میں جو گاؤی وزمین جس ہوگی ؟

 $L=0.452\,\mathrm{m}$ کالب بن کالی سے بالک سے بہتر کے ایک ہوا ہے۔ سان کا دو سرا سرچول دار ہے، جو گیند کو انف بی دائرے میں حسر سے بات ہوا ہے۔ سان کو افقی رکھ کر نیچے رخ است دھا دیا حباتا ہے کہ گیند جھول کر انف بی بالا معتام سے بھٹکل پہنچ پاتا ہے، جہاں اسس کی رفتار صف ہوتی ہے۔ تحباذ بی قوت گیند پر ابت دائی نقطہ ہے (۱) نحیجے ترین نقطہ تک، (ب) بالاترین نقطہ تک، (خ) ابت دائی نقطہ کے بم بلند دائیں ہاتھ نقطہ تک کشن کام کرتی ہے؟ ابت دائی نقطہ پر گیند دور مین نظام کی تحباذ بی توان کی تعالی صف سرائے ہوئے، اسس کی قیمت اسس وقت کیا ہوگی جب گیند دور کے بی بالاترین نقطہ ، اور ابت دائی نقطہ کے بم بلند دائیں ہاتھ نقطہ پر ہو؟ (ز) منسر ض کریں گیند کو اتی ابت دائی و مقال دی حبال دی حباتی ہوئے۔ کیا اسس میں حب محیلے ترین نقطہ سے مقال دی حباتی ہوئے و بی نقطہ سے کہ بالاترین نقطہ بی خلی ترین نقطہ بی خلی ترین نقطہ بی کے لیالاترین نقطہ بی خلی دین نقطہ بی کو ان سے دائیں ہوگا؟

سوال ۲۰۵۰ نصف کروی برتن، جس کارواسس 22 cm ہے، کے کسنارہ ہے 2 g برون نی پرت پیسلنے دی حباتی ہے؟ ہے۔ پرت اور برتن کا تمساس بے رگڑ ہے۔ (ا) برتن کی تہہ تک اترتے ہوئے پرت پر تحباذبی مخفی توانائی کتناکام کرتی ہے؟ (ب) پرتن کی تہد یلی رونسا ہوگی؟ (ج) اگر یہ مخفی توانائی برتن کی تہد مسین صف ربی حب برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (د) اسس کے بر تکسس، اگر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (د) اسس کے بر تکسس، اگر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (د) اسس کے برتکسس، اگر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (د) اسس کے برتکسس کا گر برتن کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟ (د) اسس کے برتکس کے کسنارے پر اسس کی قیمت کیا ہوگی؟

m=10 کا کیس سرچول دارہ ہوں۔ ایک کیست و تابل نظر رانداز اور لمب کی m=5 kg جو سان جو کو ان کے دوسرے سرک سے 0 کا کیست کو انتصابی دائرے میں حیکر کی اجبازت دیت ہے۔ سان کے دوسرے سرک سے 0 کیست کا گلیٹ دباندھ آگیا ہے۔ سان کو ایک طسرون 0 و 0 و 0 و اور بیت تک کھین کر 0 استدائی میست کا گلیٹ دباندھ آگیا ہے۔ سان کو ایک طسرون 0 و 0 و اور بیت کام کرتی ہو اور سمتی رفت کام کرتی ہو اور بیت کام کرتی ہو اور کی ایک نظر میں نظر میں تو باذ کی مختی تو انائی مسیں تبدیلی کیسا ہو گی؟ (ج) نجیلے نقط پر تحب ذوا تا حبزوج کے جواب میں ہوگی؟ اس کی قیمت نقط د بہائی پر کسیا ہو گی جواب میں اور کا تو بی تو بی کوئے تبدیلی کہ کے بیت میں ہوگی؟

سوال ۲۰۸۱: کھٹڑی چینان جس کی بلندی سے 12.5 ہے، کی چوٹی ہے افق کے ساتھ °41 اوپررخ 1 سے 14 m s ابتدائی سستی رفتار کے ساتھ °41 اوپررخ 1.50 kg ابتدائی سستی رفتار کے ساتھ 1.50 kg کا برواز کے اوران پرواز کے دوران کو اور مسین نظام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسیس کنی دوران پرون گوا پر تحباذ بی مخفی توانائی مسیس کنی تبدد کی رونسام کی تحباذ بی مخفی توانائی مسیس کنی تبدد کی رونسام کی تبدان کی چوٹی پر تحباذ بی مخفی توانائی کی قیمت صف راستے ہوئے، اسس کی قیمت اسس وقت کسیا ہو گا جب گول نیجے زمین پر ہو؟

۲.۲ مكاني توانائي كي بقب

سوال ۲۰۱۱: تقسری گاڑی کی رفت ارسوال ۲۰۲ مسین (۱) نقط A پر، (ب) نقط B پر، اور (ج) نقط C پر کسیا ہو گی؟ (د) آخن سری پہیاڑ، جس کو گاڑی کسر کرنے سے وت صربے، پر گاڑی کسی بلند تک پہنچ پائے گی؟ (و) گاڑی کی کمیت و گئی کرنے سے حسن وا تا حب زود کے جو امات کسا ہوں گے؟

سوال ۲۰۲: (۱) ہاتھوں کو پنٹی کر کتاب کی رفت ارسوال ۲۰۳۰ مسیں کے ہوگی؟ (ب) کتاب کی کمیت و گئی کرنے سے رفت ار کے ہوگی؟ (ج) اسس کے برعکس، اگر کتاب نیچے پھیسنگی حبائے، کیا حب زوائے جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، یا اسس مسیں کوئی تب یلی نہیں ہوگی؟

سوال ۲.۳: (۱) برتن کی تہے کو پیچ کر سوال ۲.۵ مسیں برف نی پرت کی رفت ارکیا ہو گی؟ (ب) پرت کی کمیت دگنی کرنے سے رفت ارکی ہوگی؟ (ب) کے سے دفت ارکی ہوگی؟ (ب) اسس کے بر تکسس، اگر پرت کوبر تن کے ہمسراہ ابت دائی نیچ رفت اردی حب زوا کے

۲.۲ ميکاني توانائي کې بټب

جواب مسين اصناف ہو گا، کی ہو گی، پا اسس مسين کوئي تب يلي نہيں ہو گی؟

سوال ۲.۸: (۱) توانائی کے تراکیب، ناکہ باب 4 کے تراکیب، استعمال کرتے ہوئے سوال ۲.۸مسیں کھٹری چیٹان کی چوٹی سے نیچ زمسین پر پیچ کر دفت از کسیا ہوئے کے دفت ارکیب ہوئے کر نے کے دفت ارکیب ہوگئی؟ نیچ زمسین پر پیچ کر بیٹ گولے کی دفت از کسیا ہوگی؟ گی؟ (ج) کمیت کے 2.5 kg کرنے سے دفت ارکیب ہوگی؟

سوال ۲۰۵: اسپرنگ بندوق ہے $5.0\,\mathrm{g}$ چھسرا سیدھ اوپر ماراحباتا ہے۔ دیے اسپرنگ پر چھسرے کے معتام ہے $20\,\mathrm{m}$ بہنچنے کے لئے اسپرنگ کو $20\,\mathrm{m}$ و بانا ہوگا۔ (۱) چھسرا وزمین نظام کی تجاذبی مخفی توانائی مسیں چھسرے کے $20\,\mathrm{m}$ صعود کے دوران کتنی تبدیلی $20\,\mathrm{d}$ ہوگی؟ (ب) چھسرا چھیئنے کے دوران اسپرنگ کی کفی توانائی مسیں جھسرے کے $20\,\mathrm{m}$ کہا ہوگی؟ (ج) اسپرنگ کامقیا سس لیک کیا ہے؟

سوال ۲.۲: (۱) انتصابی بالانقط ہتک صف رفت ارکے ساتھ پہنچنے کے لئے سوال ۲۰۳۰ مسیں گیٹ دکی ابت دائی رفت ارکسیا ہو گی؟ایک صورت مسیں گیٹ دکی رفت ار (ب) زیریں ترین نقط پر اور (ج) ابت دائی معت ام کے ہم بلٹ دوائیں نقط پر کسیا ہوگی؟ (د) کسیا گیٹ دکی کمیت دگنی کرنے سے حب زوا تا حب زوج کے جواب مسیں اضاف ہوگا، کی ہوگی، یاان مسیں کوئی تب دیلی مہیں ہوگی؟

سوال ۲۰: ایک ٹرک جس کے بریک ناکارہ ہو جے ہیں 130 km h^{-1} رفت ارکے ساتھ سوات میز رو شاہراہ اپر پہاڑی ہے اتر ہا ہے جب ڈرائیور اسس کو حف ظستی روکھ میلان 7 پرڈالت ہے جس کا زاویہ میلان 7 پہاڑی ہے از سائل 35.8 کے کہ کہ کہ گرفت ہے 10 برگر کے کہ کہ ہان کی کم ہے کم لمب ان کی کم ہے کہ لمب ان کی کم ہے کم لمب ان کی کم ہے کہ کہ ہوگی ہان ہے گرائے کہ کہ ہوگی ہانس میں کوئی تب کی کہ ہے کہ کہ ہوگی ہانس میں کوئی تب کی گئے ہیں آئے گی ج

 $k = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{n} \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{n}$

سوال ۲.۱۰: (۱) گیند کی رفت ارزیرین تر نقط پر سوال ۲.۲ مسین کسیا ہوگی؟ (ب) گیند کی کمیت بڑھانے سے کسیا رفت اربڑھتی ہے، گھٹتی ہے، بیات بریل نہیں ہوتی؟

سوال ۲۰۱۱: ایک پتھسر جس کی کمیت 8.00 kg ہے، اسپرنگ پر ساکن پڑا ہے (شکل 36.8)۔ اسپرنگ کو بتقسر کو مسزیہ 30.0 cm دہاکر دہاکت ہے۔ اسپرنگ کا مقیاس کیک کہیا ہے؟ (ب) بتقسر کو مسزیہ 30.0 cm دہاکر دہاکت

motorway escaperamp

_

حب تا ہے۔ رہا کرنے سے قب ل د بے اسپر نگ کی کمپ کی مخفی توانائی کسیا ہو گی؟ (ج) نقط رہائی سے بلٹ مرتر نقط ہے پہنچ کر پتھ سرو زمسین نظام کی تحب اذبی مخفی توانائی مسیس کتنی تب یہ یلی رونس ہو گی؟ (د) نقط رہائی سے سیہ بلٹ مرتز نقط کے کتنی اونحپ ٹی پرہے؟

سوال ۲۰۱۲: وتابل نظر انداز کمیت کے m 4.0 m بجد دھائے کے ساتھ 2.0 kg پتھر باندھ کر ایک روتاص حساست کی دوتار اسس کی دفتار اسس کی دفتار اسس کی دفتار اسس کی دوتار اسس کی دوتار اسس کی دوران دوت کیا ہوگا جب دھاگا انتصاب کے ساتھ °60 زاویہ بناتا ہو؟ (ب) پتھر کی جسر کت کے دوران انتصاب کے ساتھ دھاگا ذیادہ سے زیادہ کتنازاویہ بنائے گا؟ (ج) اگر پتھر کے زیریں تر نقط پر روتاص وزمسین نظام کی مخفی تو انائی سیاست کے ساتھ دھاگا کی مخفی تو انائی سیاستا ہوگا؟

سوال ۱۲.۱۳: ایک سی باز جس کی کمیت $60 \, \mathrm{kg}$ ب کن حسالت سے سکی انچسال میلان کے اختتام سے $H = 20 \, \mathrm{m}$ بازد نظر ہے آغناز کر کے (شکل 37.8)زاوی و $\theta = 20 \, \mathrm{m}$ پر میلان جوڑتا ہے۔ بوائی رگز نظر رائد نظر ہے کتنی زیادہ سے زیادہ بلندی θ تک سے پنچے گا؟ (ب) اگر سکی بازد سامان اٹھ کر روانا ہو، کس θ کی قیمت میں اضاف ہوگا، کی ہوگی، باوی رہے گی؟

سوال ۱۰۱۵: ایک دھ گاجس کی لب بن سے سرے گیند دوسرے کے گیند لاکا گائی گئی ہے۔ بندھ سرے سرک میں الکائی گئی ہے۔ بندھ سرے 75.0 cm فقل میں منظل گائی گئی ہے۔ بندھ سرے 75.0 cm میں و کھیا گئی ہے۔ بندھ سرے 38.8 میں و کھیا گیا ہے) ساکن گیند رہا کیا حب تا ہے، جو نقط دار قو سس پر جیلے گا۔ (ا) زیریں ترین نقط پر ،اور () میخ میں دھا گا پھننے کے بعد بلند ترین نقط پر گیند کی رفت ارکب ہوگی؟

وال ۲۰۱۱: ایک سل جس کی کیت $m=2.0\,\mathrm{kg}$ بانندی کے گرنے دیا جس تا ہے (مشکل 39.8 کی اسپر نگ کا مقیاس کی گیا۔ $k=1960\,\mathrm{N\,m^{-1}}$ ہے۔ اسپر نگ زیادہ سے زیادہ کا گیا؟ دیے گا؟

سوال ۱.۷: کوپ $\vec{v}=(18\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{i}+(24\,\mathrm{m\,s^{-1}})\vec{j}$ سوال ۱.۷: کوپ $\vec{v}=(10\,\mathrm{kg}\,\mathrm{y})$ ساتھ کے ساتھ روانا کے ساتھ اس کے گرا آزادات کر ناتھور کریں)؟

سوال ۲۰۱۸: محور x پر حسر کت کرتے ہوئے ذربے پر بقت کی قوت $\vec{f} = (6.0x - 12)\hat{i}$ N سوال ۲۰۱۸: محور x پر $\vec{f} = (6.0x - 12)\hat{i}$ N نقط $\vec{f} = (6.0x - 12)\hat{i}$ کا کا کا کا کم مسیر وں مسیں ہے۔ اس قوت کے ساتھ وابائ \vec{f} فرق توانائی کسی ہے۔ اس کے کورت مسیں کھیں جہاں \vec{f} مسیر وں مسیں ہے۔ (ب)زیادہ سے زیادہ مثبت مخفی توانائی کسی ہے۔ کم مسیر وں مسیں ہے۔ (ب)زیادہ سے زیادہ مثبت قیمت اور (د) منفی قیمت پر مخفی توانائی صن ہے؟

سوال ۲۰۱۹: کھٹڑی چٹان سے 688 N وزن کا شخص 18 سل 18 میں ری سے جھولت ہے (مشکل 40.8)۔ چٹان کی چوٹی سے زیریں ترین نقطہ تک نثیب 3.2 سے دری اسس وقت ٹوٹے گی جب اسس کو 950 N سے زیادہ قوت کھنچے۔(۱)

۲.۲ ميكاني توانائي كي بقب ٢.٢

کے ارس ٹوٹے گی؟ (ب)رس نے ٹوٹے کی صورت مسین نشیب کے دوران رسی پر زیادہ سے زیادہ قوت کتی ہو گی؟ رسی ٹوٹے کی صورت مسین، ٹوٹے وقت رسی انقصاب کے ساتھ کس زاویے پر ہو گی؟

سوال ۲۰۲۰: ہوائی بندوق مسیں نصب اسپرنگ شکل 41a.8 پر پورااتر تا ہے؛ جو توت بالقابل اسپرنگ کا دا ب یا دراضی دیت ہے۔ اسپرنگ کو 5.5 cm دباکر 9.8 چسر اسندوق سے ماراحباتا ہے۔ (ا) اگر چسر ااسس کھے رہا ہو جب اسپرنگ اپنے وظیلے حیالت کو پنچے، چسرے کی رفت اراس کھے کیا ہوگی؟ (ب) اسس کے بر عکس، تصور کریں چسر ااسپرنگ کو کھنچ کر سام 1.5 لمب کرنے کے بعد اسس سے علیحدہ ہوتا کے۔ چسرے کی رفت اراس کے کیا ہوگا جب سے اسپرنگ سے علیحدہ ہوتا ہے؟

سوال ۲۰۲۱: ایک سل جس کی گیت $m=12\,\mathrm{kg}$ جس کن حسالت ہے 000=0 بلار گڑ میلان پر رہاکی جس تا ہے (مشکل 42.8 قوت $0.0\,\mathrm{cm}$ عنج ایک اسپر نگ ہے جس کو $0.0\,\mathrm{cm}$ قوت $0.0\,\mathrm{cm}$ دیا تا ہے۔ اسپر نگ کو $0.0\,\mathrm{cm}$ و باکر سل کھی تی رہائی ہے درکنے کے نقط تک میلان پر سل کتنا میسال پر سل کتنا و سامہ کے کیا ہوگی جب وواسپر نگ کو چھوتی ہے ؟

 $k=19.6\,\mathrm{N\,cm^{-1}}$ بارگڑ میلان جس کازاویہ $m=2.00\,\mathrm{kg}$ بہتر ہوگا ہے۔ $m=2.00\,\mathrm{kg}$ بہتر ہیں جس بیل سول گئی ہوگئی ہوگئی ہے کے ساتھ ملا کر رکھی حباتی ہے، تاہم یہ ایک دو سرے کے ساتھ حبڑے نہیں ہیں مقیاس کی بھی مسئل گئی ہوگئی کو میں 20.0 cm و باکر رہا کی جب تاہم یہ ان بھی ہوگئی جس کی بھی تو ان کی کھی تو ان کی مسین تبدیلی، نقط رہائی ہے میلان پر بلند تر نقط ہوگئی تو ان کی مسین تبدیلی، نقط میں کہ کہتے ہوگئی تو ان کی میں تبدیلی، نقط میں تبدیلی، نقط میں کہتے ہوگئی ہوگئی

با___با

مسر کز کمیت اور خطی معیار حسر کت

ا. ٣ ایک بُعد مسیں کی تصادم

حسر کی توانائی کی بقب درج ذیل لکھی حسائے گی۔

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2$$

ان ہمنزاد مساوات کو v_{1f} اور v_{2f} کے لئے حسل کرنے کی حضاط ہم مساوات v_{1f} کو

$$m_1(v_{1i} - v_{1f}) = -m_2(v_{2i} - v_{2f})$$

اور مساوات السورج ذیل صورت مسیں لکھتے ہیں۔

$$(r.r) m_1(v_{1i} - v_{1f})(v_{1i} + v_{1f}) = -m_2(v_{2i} - v_{2f})(v_{2i} + v_{2f})$$

مساوات ٣٠٣ كومساوات ٣٠٢ سي تقسيم كركے كچھ الجبراكے بعب درج ذيل حساصل ہوں گے۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

اور

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

یادرہے، زیر نوشت 1 اور 2 کسی حناص ترتیب سے مختص نہسیں کیے گئے۔مساوات 19.9 مسیں اور مساوات ہیں ہوری ملتی ہے۔ اسس پر بھی توجب اور مساوات کی وہی جوڑی ملتی ہے۔ اسس پر بھی توجب

ویں کہ $v_{2i}=0$ کے سینے ہے، مشکل 18.9 مسیں جسم 2 ساکن ہدف ہوگا، اور مساوات ۳.۵ ساوات 18.9 میں بالت مرتب مساوات 67.9 اور مساوات 68.9 ویق ہیں۔

أزمائشس ا

 $2 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$ اور $3 \, \mathrm{kg \ m \ s^{-1}}$

كليدي تصورات

چونکہ ہم تعبادم لحپکدار تصور کرتے ہیں لہذامیکانی توانائی کی بقب ہوگی (یوں ٹکر کی آواز، گرمی،اور ارتعب سٹس کی بدولت توانائی کا ضیاع نظسر انداز کسیا حباتا ہے)۔ کوئی ہیسرونی افقی قوت سلوں پر عمسل نہیں کرتی لہذا محور 🗴 پر خطی معیار حسر کسے کی بقب ہوگی۔ان دووجو ہاسے کی ہنا پر ہم دونوں تعسادم پر مساوات 67.9اور مساوات 68.9کا اطساق کر سکتے ہیں۔

حماج پہلے تصادم سے آغناز کرتے ہوئے ہمیں اتنے زیادہ نامعلوم متغیبرات سے واسط ہوگا کہ آگے بڑھنا مشکل ہوگا: ہم سلوں کی کمیت اور اختای سمتی رفتار نہیں جبانتے۔ آئیں پہلے تصادم سے آغناز کریں، جس مسیں سل 3 کے ساتھ مکرانے کے بعد سل 2 رکتی ہے۔ مساوات 67.9 کااطبلاق اس تصادم پر کرتے ہیں جہاں ترقیم تبدیل کرتے ہوئے ، علی اور ج نے تابعہ کی رفتار اور ع وی تعسادم کے بعد اسس کی رفتار دیتی ہیں۔ یوں درج ذیل ہوگا۔

$$v_{2f} = \frac{m_2 - m_3}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

 $m_3 = 6.0 \,\mathrm{kg}$ والسل 2 ركب جباتا ب $v_{2f} = 0$ والسل 2 ركب جباتا بازالي المرورة والمراجع المسكن المواكد المسكن ال

$$m_2 = m_3 = 6.0 \,\mathrm{kg}$$

اسی طسرح ترقیمتبدیل کرکے دوسرے تصادم کے لئے مساوات 68.9 کلھتے ہیں

$$v_{3f} = \frac{2m_2}{m_2 + m_3} v_{2i}$$

٣٩. دوابعب د مسين تصادم

 $v_{3f}=v_{3f}=m_{3}$ جبال $v_{3f}=m_{2}=m_{3}$ والنائم اختای مستی رفت اربیات مسین $v_{3f}=m_{3}$ والنائم اختای مستان المواگد $v_{3f}=v_{3f}$ المردرج ذیل مساصل ہوگا۔

$$v_{2i} = v_{3f} = 5.0 \,\mathrm{m\,s^{-1}}$$

آئیں اب پہلے تھا دم پر غور کریں؛ ہمیں سل 2 کے لئے مستعمل ترقیم پر توجب دینی ہو گی: تھا دم کے بعد سل 2 کی سمتی رفت اور 80 میں جو تھا۔ ہمیں سے تعب اس کی سمتی رفت اور $v_{2j}=5.0~{\rm m~s^{-1}}$ کا اطلاق کر کے دکی گئی $v_{1i}=10~{\rm m~s^{-1}}$ ڈال کر ذیل ہوگا

$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$
$$5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$$

جو ذیل دیگا۔

$$m_1 = \frac{1}{3}m_2 = \frac{1}{3}(6.0 \,\text{kg}) = 2.0 \,\text{kg}$$

یہ متیب اور دی گئی v_{1i} استعال کرتے ہوئے بہلے تصادم پر مساوات 67.9 کااطسان کرکے درج ذیل لکھا حباسکتا ہے۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

$$= \frac{\frac{1}{3}m_2 - m_2}{\frac{1}{3}m_2 + m_2} (10 \,\mathrm{m \, s^{-1}}) = -5.0 \,\mathrm{m \, s^{-1}} \qquad (-...)$$

П

۳.۲ دوابعاد مسین تصادم

ہو• باصر پر

اس حصہ کو پڑھنے کے بعبد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

حبد انظام کے لئے جس مسین دو بُعدی تصادم واقع ہو، ہر ایک محور پر معیار حسر کت کی بقسا کا اطال آن کرتے ہوئے، تصادم کے بُعد مُحور پر معیار حسر کت کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قب ل معیار حسر کت کے احب زاء کے ساتھ رہشتہ حبان سکیں۔

حبد انظام کے لئے جس مسیں دو بُعدی کی تصادم واقع ہو، (۱)، ہر ایک محور پر معیار حسر کس کی بقسا کا اطلاق کرتے ہوئ ہوئے، تصادم کے بعد محور پر معیار حسر کس کے احب زاء کا ای محور پر تصادم سے قبل معیار حسر کس کے احب زاء کا سے تع ساتھ رشتہ حبان سکیں اور (ب) کل حسر کی توانائی کی بقسا کا اطلاق کر کے تصادم سے قبل اور تصادم کے بعد حسر کی توانائیوں کا رشتہ حبان سکیں۔

كلب دى تصور

اگر دو جہم مکرائیں اور ان کی حسر کت ایک محور پر نہ ہو (تصادم آمنے سامنے سے نہیں ہے)، تصادم دو بُعدی ہو گا۔ اگر دو جسمی نظام بنداور حبداہو، تصادم پر معیار حسر کت کی بقب کے متانون کااطباق ہو گالہذا درج ہو گا۔

$$\vec{P}_{1i} + \vec{P}_{2i} = \vec{P}_{1f} + \vec{P}_{2f}$$

یہ وتانون احسنراء کی صورت مسیں دومساوات (ہر بُعد کے لئے ایک مساوات) دیگا ہو تصادم کو ہیان کرتی ہیں۔ اگر تصادم کمپ کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تصادم کے دوران حسر کی توانائی کی بقت (ذیل) تیسری مساوات دگی۔

$$K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

دوابعهاد مسين تصادم

جب دواجسام کاتصادم ہو،اجسام کس رخ حسر کت ہیں،اسس کا تعسین ان کے پی خرب (جینکا) کرتی ہے۔ بالخصوص، جب تصادم آنے سامنے سے سنہ ہو، اجسام اپنے اپنے ابت دائی محور پر نہسیں رہتے۔ اپنے دو بُعدی تصادم مسیں جو بسند، اور حبد انظام مسین واقع ہو، کل خطی معیار حسر کت کی بقساہوگی۔

$$ec{P}_{1i}+ec{P}_{2i}=ec{P}_{1f}+ec{P}_{2f}$$

اگر تصد دم کی بھی ہو (جو ایک خصوصی صورت ہے)، تب کل حسر کی توانائی کی بقت بھی ہو گا۔

$$(r.2) K_{1i} + K_{2i} = K_{1f} + K_{2f}$$

دو بُعدی تصادم کا تحبنر سے کرنے کے لئے مصاوات ۲۰۳۷ میں $\chi y \propto x$ دی نظام کے احبنراء کی صورت مسیں لکھنازیادہ مفید ثابت ہوتا ہے۔ مشال کے طور پر، شکل 21.9مسیں ساکن ہون کو گوالا بغسلی (آمنے سامنے سے نہیں) کراتا ہے۔ ان کے فیج ضرب، اجسام کو محور χ ، جس پر گولا ابت دائی طور حسر کت مسیں ہت، کے لحاظ سے θ_1 اور θ_2 زاویوں پر جیجتی ہے۔ یہاں ہم مصاوات ۲۰۳ کو محور χ کے ہمسراہ ذیل

$$(r.\lambda)$$
 $m_1 v_{1i} = m_1 v_{1f} \cos \theta_1 + m_2 v_{2f} \cos \theta_2$

اور محور لا کے ہمسراہ ذیل لکھیں گے۔

$$(r.4) 0 = -m_1 v_{1f} \sin \theta_1 + m_2 v_{2f} \sin \theta_2$$

ہم مساوات 2.4 کو (اسس خصوصی صورت کے لئے)رفت ارکے رویہ مسیں لکھ کتے ہیں۔

$$(r.1 \cdot) \qquad \qquad \frac{1}{2} m_1 v_{1i}^2 = \frac{1}{2} m_1 v_{1f}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2f}^2 \qquad \qquad (\acute{\mathcal{G}}) \ddot{v}_{1i} = 0$$

مساوات ۳.۸ تامساوات ۱۳۰۰ مسین سات متغییر مین: دو کمیت، m_1 اور m_2 ؛ تین رفتار، v_{1i} ، اور v_{2f} ، اور v_{2f} ؛ اور دو زاویے ، v_{2f} اور v_{2f} اور دو زاویے ، v_{2f} اور کے مساوم کے حباسے ہیں۔

نمونی سوال ۳.۲: منسرض کریں مشکل 21.9 مسیں گولے کا اہت دائی معیار حسر کت $6 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$ ، جبکہ اختای معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ ، جب ہ اختای معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ ہے۔ ہون کے (۱) اختای معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$ اختای معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$) اختای معیار حسر کت کا $x \, \mathrm{cm} \, \mathrm{cm} \, \mathrm{s}^{-1}$

٣,٣ تغير كميت كانظام: هوائي بان

معتاصيد

اس حسہ کوپڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ہوائی بالن ای پہلی مساوات استعال کرتے ہوائی بان کی کیت مسین کمی کی ششرح، ہوائی بان کے لحاظ سے فرچ مادے کی اصفاق رفت ار، ہوائی بان کی کیت، اور ہوائی بان کی اسسراع کارشند حبان یائیں گے۔

ہوائی بان کی دوسسری مساوات استعال کرے حسرج مادے کی اضافی رفت ارکے لیے ظرے ہوائی بان کی رفت ار، اور ہوائی بان کی است دائی اور اختامی کیے۔۔۔ کار مشتہ حبان یائیں گے۔

ایک ایسا حسرکت پذیر نظام جس کی کیت دی گئی مشرح سے تبدیل ہوتی ہو کے لئے اسس مشرح اور معیار حسرکت میں تبدیل کارشتہ حبان پائیں گے۔

كلب دى تصورات

ہیں۔ ونی قو توں کی غنیں موجود گی مسیں ہوائی بان درج ذیل لمحیاتی ششرح سے اسراع پذیر ہوگا،

$$Rv_{i,j}$$
ان کی پہلی مساوات Ma

جباں M ہوائی بان کی لمحاتی کمیت (بشمول عنیہ استعال شدہ ایٹ مھن)، R ایٹ مھن کے استعال کی سشرح، اور ا_{سٹان} V ہوائی بان کمچن کادھکاہے۔ ا_{سٹان} V ہوائی بان کمچن کادھکاہے۔

متقل R اور رہن v_i کی صورت مسیں اگر ہوائی بان کی رفت اد v_i سے تبدیل ہو کر v_j ہو حبائے، اور کمیت M_i سے تبدیل ہو کر M_i ہو حبائے تب درج ذیل ہوگا۔

$$v_f - v_i = v_{i}$$
ار این کی دوسسری مساوات) است نی $\frac{M_i}{M_f}$

rocket' exhaust'

متغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

اب تک ہم مضرض کرتے رہے ہیں کہ نظام کی کل کیت اٹل ہے۔ بعض اوت ہم مضلاً ہوائی بان مسیں، ایس نہیں ہو گا۔ اثران سے قبل چوترہ روائگی "پر کھٹڑے ہوائی بان کی زیادہ ترکیت دراصل این دھن ہوگی، جو آحضر کار جبل کر ہوائی بان کے اثران سے قبل چوترہ روائگی متنجے کی حضاطر نیوٹن کے انجون کی ٹونٹر سے دھویں کی مشکل مسیں حضارتی ہوگا۔ اسراع پذیر ہوائی بان کی متنجے کہ مشکل مسیں حضارتی ہوئے کیا حباتا دوسرے و اعمال کا اطلاق، صرف ہوائی بان کی بحبے، ہوائی بان اور حضارتی مواد دونوں کو اکھا لیتے ہوئے کیا حباتا ہے۔ ہوائی بان کی اسراع کے دوران اس نظام کی کیت تبدیل نہیں ہوگی۔

اسسراع کی تلاسش

سنسرض کریں ہم جودی حوالہ چو کھ سے کے لیے اظ سے ساکن بیٹھے فضائے ماورا مسیں، جب اس کوئی تحب ذبی یا ہوائی کی رگڑی قوت موجود نہیں، ہوائی بان کو اسسراع کرتا دیکھ رہے ہیں۔ اسس یہ بعدی حسر کست کے لئے ہم ، افتیاری لحسہ t پر ، ہوائی بان کی کمیت M اور سنستی رفت اور v منسرض کرتے ہیں (مشکل 22a.9)۔

معیار حسر کت کی بقسا ہو گی

ہمارا نظام ہوائی بان اور وقعنہ dt مسیں حضرج مواد پر مشتل ہے۔ نظام سند اور حبداہے البذا وقعنہ dt کے دوران نظام کی خطی معیار حسر کی۔ کی بقسالاز می ہے۔ یول ذیل ہو گا

$$(r.ii)$$
 $P_i = P_f$

جباں زیر نوشت i اور f بالت رتیب و قف dt کے آغناز میں اور اسس کے اختتام پر قیمتیں ظاہر کرتی ہیں۔ مب وات i الi کرتی ہیں۔ مب وات i الi کرتی ہیں۔ مب وات i کرتی ہیں۔ مب وات ال

$$(r.r) \hspace{3cm} Mv = -\operatorname{d}\!M\,U + (M+\operatorname{d}\!M)(v+\operatorname{d}\!v)$$

جہاں دائیں ہاتھ پہلا حبزو وقف dt کے دوران حسارج کر دہ مواد کا خطی معیار حسر کے اور دو سراحبزو وقف dt کے اختام پر ہوائی بان کا خطی معیار حسر کے ہے۔

launchingpad nozzle deepspace

اضافى رفت اركااستعال

مساوات ۳.۱۲ کی سادہ صورت ہوائی بان اور حسنسرج مواد کے پھی اصنافی رفت ار _{انسیافی} تا استعال کرکے حساصل کی حسبا سکتی ہے۔ اصنافی رفت اراور چو کھٹ کے لیے اظامی سستی رفت ارول کے پچی درج ذیل تعساق پایا حسباتا ہے۔

$$(v+\mathrm{d}v)=v$$
انے اف $U=v+\mathrm{d}v-v$ الیتی $U=v+\mathrm{d}v-v$ الیتی نیم انسانی الات

اسس نتیب کومب وات ۳.۱۲ مسین U کی جگب ڈال کر کچھ الجبرائے بعب ذیل حساسل ہوگا۔

$$-dMv_{ij} = Mdv$$

دونوںاطسران dt سے تقسیم کرتے ہیں۔

$$-rac{\mathrm{d}M}{\mathrm{d}t}v_{\dot{\mathbf{U}}}=Mrac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$$
 (۳.۱۵)

ہم dM/dt (جو ہوائی بان کی کیت مسیں کی کی شرح ہے) کو $R-\overline{\mathcal{D}}$ ہیں، جہاں R ایت دھن جلنے کی (شبت) شرح ہے، اور dv/dt ہوائی بان کی اسسراغ ہے۔ ان تبدیلیوں کے ساتھ مساوات ۱۵ سوزیل رویے اختیار کرتی ہے۔

$$(r.17)$$
 $Rv_{i-1} = Ma$ $(r.17)$ $Rv_{i-1} = Ma$ $(r.17)$

ہر لمحے پر معت دیر کی قیمتیں مساوات ١٦. ٣ مطمئن کرتی ہیں۔

مساوات ۱۹ ساکابایاں ہاتھ قوت کا اُبعد $(\log s^{-1} \cdot m s^{-1} = \log \cdot m s^{-2} = N)$ رکھت ہوائی بان کی برد است نہ سال ہوتھ تو سے کا اُبعد $(\log s^{-1} \cdot m s^{-1} = \log \cdot m s^{-2} = N)$ کی برناوٹ پر مخصص ہے؛ لین مشرح R پر ، جس سے ایند ھن (کیسے) صَرف کی جاتی ہوائی بان کی قوقے و ھکی ہو آتے ہے۔ ہم اس حبزو انسانی R کو ہوائی بان کی قوقے و ھکی ہو تا ہے ، جب اراس لیحے پر سے خل ہر کرتے ہیں۔ مساوات R سے R ہے اس کی اسراع کے ہے۔ جب بوائی بان کی کمیت R ہے اسس کی اسراع کے ہے۔

مستى رفت اركى تلاسش

ہم حبانٹ حپاہتے ہیں کہ جیسے جیسے ہوائی بان ایٹ دھن صَرف کرتا ہے اسس کی سستی رفت ارکیے تب دیل ہو گی۔ مساوات ۱۲ سوزیل کہتی ہے۔

$$\mathrm{d}v = -v$$
نٽن $\frac{\mathrm{d}M}{M}$

thrust

اسس کے تکمل

$$\int_{v_i}^{v_f} \mathrm{d}v = -v$$
نين $\int_{M_i}^{M_f} rac{\mathrm{d}M}{M}$

مسیں M_i ہوائی بان کی اہت دائی کیت اور M_f اختامی کیت ہے۔ حکمل کینے سے ذیل مسل ہوگا

$$(r.$$
اح) $v_f-v_i=v_{i}$ ان کی دو سری ساوات $\ln \frac{M_i}{M_f}$ انسان کی دو سری ساوات ا

جو ہوائی بان کی کیت M_i ہے گئے کہ M_f ہونے کی صورت مسیں ہوائی بان کی رفت ار مسیں اضاف دیتی ہے۔ M_i مساوات ۱۱ مسیں عملامت M_i قدر آتی لوگارتھم منظ ہر کرتی ہے۔) ہم یہاں کثیرالمراحل مہوائی بان کی اون دیت جبان سکتے ہیں جو ایت دھن حضتم ہونے پر حنالی ٹیسٹ کی سے چھٹکارا حساصل کر کے M_f گھٹا تا ہے۔ مشالی ہوائی بان مطاوب معتام پر صورف ضروری نازو سامان کے ساتھ پنچے گا۔

كلي دى تصور

مساوات R اضافی رفت ارسن کو کے کشر کے کی مشرح R کو حشرج مواد کی اضافی رفت ار اضافی v سے ضرب دیے تو ہو ۔ دھکیل V ساصل ہوگا۔

حساب: يون درج ذيل هو گاـ

$$T = Rv_{i}$$
 $= (2.3 \,\mathrm{kg \, s^{-1}})(2800 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$
= 6440 N $\approx 6400 \,\mathrm{N}$ (28)

(ب) ہوائی بان کی ابت دائی اسسراع کیا ہوگی؟

كلب دى تصور

ہم ہوائی بان کی قوت دھکیل T اور اسس کی اسسراع کی تشدر a کار شتہ a جو انی بان کی توب a ہوائی بان کی گیت ہے۔ کین، جہاں a ہوائی بان کی گیت ہے۔ ہمیں ابت دائی اسسراع در کار ہے لہاندا a ہم ہوائی بان کی ابت دائی کیت a کی a کی گیت ہم ہوائی بان کی ابت دائی کیت a کی گیس گے۔

naturallogarithm² multistage^A

حاب: ان معلومات سے ذیل حساصل ہوگا۔

سطح زمسین سے سیدھ اوپر اڑان کے لئے ضروری ہے کہ ابت دائی اسسراع $g=9.8 \,\mathrm{m\,s^{-2}}$ سین سے دیادہ ہو۔ بعنی ، ابت دائی اسسراع کو سطح زمسین پر تحب ذبی اسسراع سے زیادہ ہونا ہو گا۔ دوسسر سے لفظوں مسین ، ہوائی بان پر ابت دائی تحب ذبی تو ہے ، جسس کی عب در M_{ig} ہے

$$(850 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8330 \,\mathrm{N}$$

ے تو ہے۔ دھکیل T کازیادہ ہونالازی ہے، ور نہ ہوائی بان زمسین سے اٹھنے کے وت بل نہمیں ہوگا۔ چونکہ اسس ہوائی بان کی قوت دھکیل (جو یہاں T کازیادہ طور ہوائی ہونگی بان اڑ نہمیں پائے گا: یہاں زیادہ طور ہوائی بان کی ضرور ہے۔ بان کی ضرور ہے۔ T

نظسر ثانی اور حنلاص

مر کز کمیت

ایک نظام جو 11 ذرات پر مشتمل ہو کے مسر کز کمیت کی تعسریف وہ نقطہ ہے جس کے محد د درج ذیل ہوں۔

$$x$$
ين $=$ $\frac{1}{M}\sum_{i=1}^{n}m_{i}x_{i}$
 y ين $=$ $\frac{1}{M}\sum_{i=1}^{n}m_{i}y_{i}$
 z ين $=$ $\frac{1}{M}\sum_{i=1}^{n}m_{i}z_{i}$

 $-\sum_{i=1}^{n} m_{i}$ ہے۔ M نظام کی کل کمیت M کا کست کے ہے۔

$$\vec{r}_{\underline{}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_i \vec{r}_i$$

نیوٹن کادوسسرافتانون برائے ذراسے کانظام

ایک نظام، جو ذرات پر مشتل ہو، کے مسر کز کیت کی حسر کت نیوٹن کے دوسرے قانون برائے ذراھے پر مثملی نظام کے تحت ہوگی، جو ذیل کہتا ہے۔

(9.18)
$$\vec{F}_{ij} = M\vec{a}_{ij} = M\vec{a}_{ij}$$

یہاں نظام پر لاگو تمام ہیں۔ وِنْ قو تیں مسل کر صافی قوت ہے وی ہیں۔ نظام کی کل کمیت M ، اور نظام کے مسر کز کمیت کی اسسرائ ہے۔ d ہے۔

خطی معیار حسر کت اور نیوٹن کادوسسرات انون

تنب ذرے کے لئے، مقدار \vec{p} متعدار فی معیار حرکھے کہا تاہے اور جس کی تعسریف ذیل ہے،

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

ہم نیوٹن کا دوسسراف انون اسس معیار حسر کے کی صورت مسیں لکھ کتے ہیں۔

(9.rm)
$$ec{F}_{\dot{\mathfrak{U}}} = rac{\mathrm{d}ec{p}}{\mathrm{d}t}$$

ذرات پر مشتل نظام کے لئے مذکورہ بالا دو تعساق ذیل کھا حبائیں گے۔

(9.72.9.73)
$$\vec{F}_{ij} = \frac{d\vec{P}}{dt} \quad \text{if} \quad \vec{P} = M\vec{v}_{ij}$$

تصادم اور ضر ___

تصادم مسین ملوث ذرہ نماجیم پر معیار حسر کت کے روپ مسین نیوٹن کے دوسسرے متانون کااط الق ضرب و خطر معیار حرکت کا مسئلہ دیگا:

(9.mm, 9.mm)
$$\vec{p}_f - \vec{p}_i = \Delta \vec{p} = \vec{J}$$

جباں جم کے نظی معیار سرکت مسین تبدیلی $\vec{p}_f - \vec{p}_i = \Delta \vec{p}$ ہے، اور طرب \vec{f} وہ قوت \vec{f} ہے جو تصادم کے دوران دوسر اجم اس (پہلے جم) پر لاگو کرتا ہے۔

(9.5%)
$$\vec{J} = \int_{t_i}^{t_f} \vec{F}(t) \, \mathrm{d}t$$

اگر تصدم کادورانیہ Δt اور اس دوران $\vec{F}(t)$ کی اوسط قیمت اور اجF ہوتب یک بُعدی حسر کت کے لئے ذیل ہوگا۔

$$J = F_{\text{best}} \Delta t$$

س کن جم پر کیت m کے ذرے، جن کی رفتار ت ہے، برسس کر ذیل اوسط قوت پیدا کرتے ہیں

$$F_{\text{bis}} = -\frac{n}{\Lambda t} \Delta p = -\frac{n}{\Lambda t} m \Delta v$$

جہاں ساکن جم سے ذروں کے تصادم کی سشرح $n/\Delta t$ ،اور ہر ایک ذرے کی رفت ار مسیں سبدیلی Δv ہے (جم ساکن رہت ہے)۔ سے اوسط قوت ذیل بھی لکھی حباستی ہے

$$F_{\text{bost}} = -\frac{\Delta M}{\Delta t} \Delta v$$

جباں $\Delta M/\Delta t$ وہ مشرح ہے جس سے کمیت ساکن جم سے نگراتی ہے۔ درج بالا دومساوات مسیں اگر ذرے تعسادم $\Delta M/\Delta t$ ہوگا، اور اگر ذرے جم پر شپ کی کھی کرر فت ارمسیں تب دیلی کے بغیب رواپس لوٹیں تب $\Delta v = -2v$ ہوگا۔

خطی معیار حسر کت کی بقیا

حبد انظام پر بسیہ رونی قوت عمسل نہیں کرتی، اہلیذااسس نظام کا خطی معیار حسر کت تب دیل نہیں ہو گا۔

$$ec{P}=ec{P}$$
 (۹.۲۲) (بند، حبدانظام)

اسس کوذیل بھی لکھ کتے ہیں جہاں زیر نوشت کسی ابت دائی لحب اور اختیامی لمحب کوظ اہر کرتی ہیں۔

$$(\mathfrak{q}. r r)$$
 $ec{P}_i = ec{P}_f$ $(بند، جبدانظ م)$

مذكورہ بالادونوں مساوات خطم معیار حركھ كھے بقاكوبيان كرتى ہیں۔

ايك بُعد مسين غني ركب كي تصادم

دواجب م کی غیب رکی تو انائی مستقل نہیں ہوگی)۔ اگر انسام کی خسب رکی تو انائی کی بقب نہیں ہوگی (حسب کی تو انائی مستقل نہیں ہوگی)۔ اگر نظام سے کل خطی معیار حسر کت کی بقب الازما ہوگی (یہ مستقل ہوگا)، جس کو سمتی روپ مسین ذیل کھی جب سکتا ہے، جب ل زیر نوشت i اور i بالت رتیب تھی دم سے عسین قبل اور اسس کے عسین بعب لمحیات ظاہر کرتی ہیں۔

$$\vec{p}_{1i} + \vec{p}_{2i} = \vec{p}_{1f} + \vec{p}_{2f}$$

ذروں کی حسر کے ایک محور پر ہونے کی صورت مسین تصادم یک بُعدی ہو گااور ہم مذکورہ بالامساوات کو محور کے ہمسراہ سستی رفت اراحب زاء کی صورت مسین ذیل لکھ کتے ہیں۔

$$(9.2) m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

اگر دوجهم آلپس مسیں چپک حب نئیں، تصادم تکمسل غیبر کیسی ہو گااور دونوں اجسام کی اختتا می سنتی رفت او V ہو گی (کیونکہ ہے۔ آلپس مسین حبٹرے ہیں)۔

مسر کز کمیت کی حسر کت

دومتصادم اجسام کے بسند، حبدانظام کے مسر کز کمیت پر تصادم اثر انداز نہسیں ہو گا۔ بالخصوص، مسر کز کمیت کی سستی رفتار _{مسر کزئیس} تق کو تصادم تسبدیل نہسیں کر تا۔

ایک بُعد میں کی تصادم

کی تعدد م ایک حناص قتم کا تعدد م ہے جس مسیں متصدم اجسام کے نظام کی حسر کی توانائی برفت رار رہتی ہے۔اگر نظام ہن نظام ہند اور حبد ابھی ہو، اسس کا خطی معیار حسر کت بھی برفت رار رہے گا۔ یک بُعدی تعدد م کے لئے، جس مسیں جسم 2 ہرف اور جسم 1 گولاہے، حسر کی توانائی اور خطی معیار حسر کت کی بقب، تعداد م کے عسین بعد سسمتی رفت ارول کے لئے درج ذیل مساوات دیتی ہیں۔

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

(9.14)
$$v_{2f} = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_{1i}$$

دوابعهاد مسين تصادم

اگر دو جہم یول ککرائیں کہ ان کی حسر کت ایک ہی محور پر نہ ہو (ککر آنے سے نہیں)، تصادم دو بُعدی ہو گا۔اگر دو جسمی نظام ہنداور حبدا ہو، معیار حسر کت کی بقب کے ت انون کااطباق تصادم پر ہو گاجو ذیل ککھیا حیائے گا۔

(9.22)
$$ec{P}_{1i} + ec{P}_{2i} = ec{P}_{1f} + ec{P}_{2f}$$

احبزاء کے روپ مسیں ہے و تانون دوم اوات دے گاجو تصادم کو بیان کریں گی (دوابعد دمسیں ہر بُعد کے لئے ایک مصاوات دیگی۔ مصاوات دیگی۔ مصاوات دیگی۔ $K_{1i}+K_{2i}=K_{1f}+K_{2f}$

متغير تميتي نظام

ہیں۔ ونی قو توں کی عب دم موجو دگی مسیں ہوائی بان ذیل لحب تی مشسرے سے اسسراع پذیر ہوگا

$$(9.12) Rv_{ij} = Ma (-1)^{l}$$

جہاں M ہوائی بان کی لمحیاتی کمیت (جس میں غیبر استعال شدہ ایندھن شامسل ہے)، R ایندھن کے اصراف کی سشرت،اور Rv ہوائی بان کے لحاظ سے حسرج کی اضافی رفتار ہے۔ حبزہ Rv ہوائی بان کی انجمی کی وقت V_i معلی ہونے پر اسس کی رفت ارتحال ہوں کہت $M_f = M_i$ ہونے پر اسس کی رفت ارتحال ہوں میں R ہون درج ذیل ہوگا۔

$$v_f - v_i = v_{i}$$
 ابن نی دوسری ساوات $\ln \frac{M_i}{M_f}$ ابن نی دوسری ساوات)

سوالا___

سوال ا. ۳: تین ذرات جن پر بسیرونی قوتیں عمسل کرتی ہیں کافصٹ نئی حبائزہ مشکل 9۔23 مسیں پیش ہے۔ دو ذروں پر قوتوں کی متدریں اور سمستیں دی گئی ہیں۔ تین ذروی نظام کامسر کز کمیت (ا)ساکن، (ب) دائیں رخ مستقل مسمتی رفت ارسے، اور (ج) اوپر واراسسراع پذیر ہونے کی صورت مسین تیسری قوت کی متدر اور سمت تلامش کریں۔

سوال ۳۰۲ بلار گڑمتوی پر متقل میں رفت اروں ہے حسر کت کرتے ہوئے ایک برابر کمیت کے حپار ذروں کافصنائی حب از دروں کافصنائی حب از دروں کی جوڑیاں بنائیں۔ حب از دروں کی جوڑیاں بنائیں۔ کون می جوڑی ایس نظام دیتی ہے۔ حس کامسر کز کمیت (ساکن ہے، (ب) کن ہے اور مبدا پر ہے، اور (ج) مبدا ہے گزرتا ہے ؟

سوال ۱۳.۳: تصادم مسین ملوث جسم کے لئے قوت کی ت در بالقابل وقت کی تر سیات شکل 26.9 مسین پیش ہیں۔ تر سیات کی در حب بن دی جسم پر قوت د تکلیل کی ت در کے لیے تاسخت اول رکھ کر، کریں۔

سوال ۱۳.۵ بلار گڑ مستوی پر حسر کت کرتے تین ڈیوں پر عمل پیسرا قوت کافصٹائی نظارہ شکل 27.9 مسیں پیشس ہے۔ ہرایک ڈ ہے۔ ہرایک ڈب کے لئے، کیا محور الا اور محور الا کے ہمسراہ خطی معیار حسر کت کی بقساہو گی؟

سوال ۲.۳: تین یاحپار یک ان ذروں کا گروہ،جو محور x یامحور y کے متوازی ایک رفت ارسے حسر کرتے ہوں، شکل 28.9 مسین د کھایا گئے ہے۔ مسر کز کمیں۔

سوال ۲.۳: ایک سل بلار گرفت رشس پر حسر کت کرکے اسس جتنی کیے۔ کی دوسسری سل سے کگر اتی ہے۔ شکل 29.9 مسین سلوں کی حسر کی توانائی K کی حیار ممکن ہیں۔ (۱) ان مسین سے کون می طبیعی وجوہات کی بہتا پر ممکن نہیں ؟ باقی مسین سے کون کی (ب) کی تحصادم اور (ج) عنیسر کی تصادم بہتر ظاہر کرتی ہے ؟

y توال ۱۳.۸. بادر گرفت سند سن پر محور x کے ہمسراہ سل x سن کن سل y کی طسر و بردھت ہے۔ عسین کی تعدوم سے قبل کھے۔ پر اور کا کھی تھی ہمکن سنگل 30.9 مسین کی گئی ہے۔ اسس کھے۔ پر دوسل نظام کے مسر کز کیت کے تین ممکن معتام بھی پیٹس ہیں۔ (نقطہ y سلوں کے مسراکز کے درمیان نصف و ناصلے پر ہے۔) اگر تعدادم کے بعد نظام کا مسر کز کیت y برداور y پر ہو، کیا سل y پر ہو، کیا سال y کو طسر و گامسزن ہوگا؟ آگے کی طسر و گامسزن ہوگا؟ جھے کی طسر و گامسزن ہوگا؟

سوال ۱۳۰۹: دواجسام محور X کے ہمسراہ یک بُعدی کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ شکل 31.9 مسیں اجسام اور مسرکز کرے ہیں۔ شکل 31.9 مسیں اجسام اور مسرکز کمیت کے مصام بالمقابل وقت ترسیات چیش ہیں۔ (ا) کسیا دونوں جم استدائی طور پر حسرکت مسیں تھی، یاان مسیں کے ایک سازر جی تصادم کے بعد مسرکز کمیت دیت ہے؟ کے ایک تصادم سے قبل زیادہ تیبز حسرکت کرتے جم کی کمیت دوسرے جم کی کمیت سے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس درکت کرتے جم کی کمیت دوسرے جم کی کمیت سے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس

کے برابرہے؟

سوال ۱۰.۱۰: افقی صنبرسش پر سل ابت دائی طور س کن، محور x ہے ہمسہ راہ مثبت رخ، یا محور کے منفی رخ حسر کت مسیں - بسید دور کے منفی رخ حسر کت ہیں۔ وہ اس کے دو ہم محال دھائے ہے دو گرٹروں مسین تقسیم ہوتا ہے جوائی محور پر حسر کت کرتے ہیں۔ وسنسرض کریں سل اور اسس کے دو گرٹرے ایک بہت بین ہوتا ہے ہیں۔ سل اور مکٹروں کے معیار حسر کت بالمقابل وقت t کی چھ تر سیات مشکل محمد میں پیشس ہیں۔ کوئی تر سیات طبیعی نامسکن ہیں ؟ وجو بات پیشس کریں۔

سوال ۱۳.۱۲ دوجہم اور ان کے مسر کز کمیت کی معتام بالقابل وقت کی حپار ترسیات پیش ہیں۔ یہ جم بنداور حبدا نظام دیتے ہیں اور محور x پر چپلتے ہوئے یک بُعدی مکسل غیبر کمپ کی تصادم کا شکار ہوتے ہیں۔ کسیاتر سیم ملبقی نامسکن ہے؟ وجب جم اور (ب) مسر کز کمیت محور x پر مثبت رخیامنفی رخ حسر کت کرتے ہیں؟ (ج) کوئی ترسیم طبیقی نامسکن ہے؟ وجب پیش کریں۔

مركزكيت

xy اور کیت xy اور کید $(-1.20 \,\mathrm{m}, 0.500 \,\mathrm{m})$ ، اور کید xy اور کید اور کید xy اور کید اور کید اور کید اور کید اور کید اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید xy اور کید کر تین زاوی نظام کامسر کز کید و کرد تین نام کامسر کز کید و کرد تین زاوی نظام کامسر کز کید و کید کرد تین زاوی نظام کامسر کز کید و کی

 $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_2 = 4.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 3.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 8.0 \,\mathrm{kg}$ اور $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$ اور نقال می مرکز کمیت کار اور $m_3 = 2.0 \,\mathrm{m}$ اور نقال می مرکز کمیت اس در کی حب از برای منتقل موگا، اس سے دور منتقل موگا، یاساکن رہے گا؟

روال ۱۹۵۵ میں دکھیا گیے سے اضلاع $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ در مارور $d_2 = 2.80 \, \mathrm{cm}$ در مارور $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ اور آدھی الوہ (گافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$) اور آدھی الوہ (گافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$) اور آدھی الوہ (گافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ کھیا گیا ہے۔ اس کا اضف حسے المونیم (گافت $d_3 = 13.0 \, \mathrm{cm}$ کا کہے۔ سل کے مسرکز کیت کا (۲) میں در اور (ج) کا میں در دکھیا ہوگا؟

x (۱) کاریست: کیساں موٹائی کاحپاور شکل 38.9 مسیں پیش ہے۔ اگر $L=5.0\,\mathrm{cm}$ ہوحپاور کے مسر کز کمیت کا الاداریست کی سوال کاریست کا الاداریست کی کہ کاریست کا الاداریست کی کاریست کا کاریست کا کاریست کا کاریست کار

سوال ۱۸ سا: وتابل نظر رانداز مونانی کی کیسال دهاتی حپادر سے بنایا گیا مکتب شکل 39.9 مسیں پیش ہے۔ مکتب اور $y = 40 \, \mathrm{cm}$ کی کست کا $x = 40 \, \mathrm{cm}$ کی محدد، $y = 40 \, \mathrm{cm}$ کی محدد، $y = 40 \, \mathrm{cm}$ کی محدد وادر جی کا ورزج کی محدد تلاشش کریں۔

سوال ۱۹ سین اینونیا سال (NH_3) ، جس مسیں ہائیڈروجن جوہر (H) متساوی الانسان شکار جسن تے ہیں ، مسئل 40.9 $d=9.40\times 10^{-11}$ m جوہر سے $d=9.40\times 10^{-11}$ m فن صلے پر ہے۔ نائسیٹر وجن میں جیش ہے۔ شلف کامسر کرنہ H جوہر سن تے ہیں۔ نائسیٹر وجن اور ہائیڈروجن کی جوہر کی کیست نسبت جوہر بن تے ہیں۔ نائسیٹر وجن اور ہائیڈروجن کی جوہر کی کیست نسبت X (X) اور نائسیٹر وجن تاہائیڈروجن نساسلہ X X (X) میں دکھیت کا X (X) میں درکھیت کے درکھیت کا X (X) میں درکھیت کی کر درکھیت کی کر درکھیت کا X (X) میں درکھیت کی کر درکھیت کا کر درکھیت کا کر درکھیت کی کر درکھیت کی کر درکھیت کر درکھیت کی کر درکھیت کی کر درکھیت کی کر درکھیت کی کر درکھیت کر درکھیت کی کر درکھیت کی کر درکھیت کر درکھیت کی کر درکھیت کر درکھیت کر درکھیت کی کر درکھیت کر درکھی کر درکھیت کر درکھی کر درکھیت کر درکھیت کر درکھیت کر درکھیت کر درکھی کر درکھیت کر درکھی کر درک

سوال ۳.۲۰ یک پیس کے کہ ہوتا جس کی کیت $0.140 \, \mathrm{kg}$ اور لہب کی $12.0 \, \mathrm{cm}$ ہے، مسین $0.354 \, \mathrm{kg}$ مشروب جس کی کہت ہوتا ہے۔ اور لہب کی $0.140 \, \mathrm{kg}$ ہوتا ہے۔ اریک سوراخ (جو ہوتا کی کہت پر اثر انداز نہیں ہوتے) کے حسر کز کیت کی اور (ب) کم کس جسری ہوتا ہے۔ کہ اور (ب) کم کس جسری ہوتا ہے۔ کہ اور (ب) کم کس کر کہت کی باشدی $10.00 \, \mathrm{kg}$ کی کہت کہ ہوتا ہے، $10.00 \, \mathrm{kg}$ کو کہت ہوگا؟ (د) کم سرکز کیت کے لیے اقابات کی کو کہ کہت کر اسس کی کمت رقبت تلاسش کریں۔

نیوٹن کادو سے رافت اعبدہ برائے ذرائے کانظام

وال ۳۰۲۱: ایک پتھ و t=0 پر گرنے دیا جب تا ہے۔ دوسر اپتھ و جس کی کیت و گئی ہے، ای بلندی ہے، t=0 بر گرنے دیا جب تا ہے۔ (ا) نقطہ رہائی ہے، $t=300 \, \mathrm{ms}$ بر دو پتھ رنظام کا مسر کز کیت کت اپنے ہوگا؟ (دونوں پتھ راس کھے تک ہوا مسیں ہیں۔) (ب) اس کھے پر دو پتھ رنظام کا مسر کز کمیت کس رفت ارب کے سرکت کرتا ہے؟

سوال ۳۰۲۲: چوراہا تی پر $1000 \, \mathrm{kg}$ کیسے کی گاڑی کھٹڑی ہے۔ جیسے ہی بتی سبز ہوتی ہے گاڑی $4.0 \, \mathrm{m \, s^{-2}}$ کہ مستقل $8.0 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے $1000 \, \mathrm{kg}$ اسراع ہے حسر کسے میں آتی ہے۔ عسین ای کھے ایک ٹرک جس کی کمیسے $1000 \, \mathrm{kg}$ اور وہو $1000 \, \mathrm{kg}$ بسد بتی ہے کشن دور رفت ارب کے گاڑی سے آگے نکلت ہے۔ (ا) گاڑی وٹرک نظام کامسر کز کمیسے $1000 \, \mathrm{kg}$ بسد بتی ہے کشن دور روز کی ایس کی دفت ارک ہوگی ؟

موال ۱۳.۲۴: روپسلن باز، جن مسین سے ایک کی کیست 65 kg اور دوسسرے کی 40 kg ہے، 10 m ہباؤنڈا، جسس کی کیست وتابل نظر انداز ہے بھائی باز ڈنڈ انھینج کی کیست وتابل نظر انداز ہے، تھت ہے برون پر کھٹڑے ہیں۔ ڈنڈے کے سرول سے آغباز کرتے ہوئے پھلن باز ڈنڈ اکھینج کر، ڈنڈے کے جسر اہ حسر کی کرتے ہوئے وت ریسے آگر، ملتے ہیں۔ کم کمسیق شخص کتنا ون صلہ طے کرتا ہے؟

روال ۲۰۰۳: ایک گولا 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی رفت از 00 = 00 کی ابت دائی سنتی را گولا دھا کے سے دوبر ابر کلزوں مسین تقسیم ہوتا ہے (شکل 9-42)۔ ایک کلزاجس

کارفت ار دھاکے کے عسین بعبد صف رہے سیدھ اپنچ گر تا ہے۔ دوسسرا نکڑا توپ سے کتنے مناصلے پر گر تا ہے؟ (ہوائی رگڑ نظسرانداز کریں اورزمسین ہموار تصور کریں۔)

t=0 وقت t=0 وقت t=0 پردوذرے محددی نظام کے مبداے پھینے حبتے ہیں (شکل 1-43)۔ ذرہ t=0 بس کی کیت t=0 وقت t=0 بنار گڑا فتی ذرصین پر محور t=0 بر کہ مسراہ t=0 وفتار نے درہ t=0 بر کور t=0 بر کور t=0 وقت t=0 بر کور زرہ t=0 وقت t=0 ویری زاویے پریول پھیکا حباتا ہے کہ سے ہر کمحد ذرہ t=0 ویری کی کیست کو کی کیست کو نیادہ باشد کی بارہ جا کہ کو پہنچت ہے ؟ اکائی سنتی ترقیم میں مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست کی رفت اور (ج) اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ ہے ہیں جا کہ بارہ ورود کی اسسران اور (ج) اسسران اسسران اس کے کسیاہو گی جب مسر کز کیست بارہ کی بارہ کی دیادہ کو کی بیادہ کی دیادہ کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دوروں کی دیادہ کی دوروں کی دورو

سوال ۳۰۲۸ تن زریاب جس کی کیسے 80 kg ہے اور اسد جو ہلکا ہے 30 kg ساکن کشتی مسین بسیٹھ (ناران مسین) کر سیف السلوک جمیس کی کیسے کے لیاظ ہے 3.0 m و ناصلے پر ، اور کشتی کے مسر کز کمیت کے لیاظ ہے 40 cm مسینا کلی واقع ہیں۔ دونوں آپس مسین نشست تبدیل کرتے ہیں۔ اگر کشتی کا مسر کز کمیت گھاٹ کے لیاظ ہے 40 cm افتی حسر کرے ، اسد کی کمیت کی ہوگی؟

سوال ۳۰۲۹: کنارے سے 6.1 m فنصلے پر 4.5 kg کٹا 18 kg کشتی مسیں کھٹرا ہے (شکل 45.9 سے 18 kg کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کا در کتا ہے۔ کٹا اب کنارے سے کتنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کنارے سے کتنا دور ہو گا؟ کشتی اور پانی کے نگار گڑ اللہ کر الشارہ: شکل ۔ ۔ دیکھیں۔)

خطی معیار حسر کت

سوال ۱۳۳۰: ایک گیند جس کی کمیت $0.70 \, \mathrm{kg} \to 5.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ افقی حسر کت کر کے انتصابی دیوار سے نگراکر $2.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ در انتحاب پائیت ہے۔ گیند کے خطی معیار حسر کت مسین تب دیل کی کیا ہو گی ؟

سوال ۳٫۳۱ ایک ٹرک، جس کی کمیت 2100 kg ہے، شمال کی طسر ن 41 km h⁻¹ کیلتے ہوئے مشرق کو مسرق کو مسرق کر 18 ہے۔ (ا) ٹرک کے حسر کی توانائی مسین تبدیلی کسیا ہو گی؟ ٹرک کے معیار حسر کر آسے میں تبدیلی کسیا ہو گی؟ ٹرک کے معیار حسر کسے مسین تبدیلی کی (ب) تبدیل کارٹ کسیا ہو گا؟

روال $p_1 = p_1 = p_2$ برسطخ زمین سے مار کر روانا کیا حباتا ہے۔ گیت دکا معیار $p_1 = p_2$ برسطخ زمین ہے مار کر روانا کیا حبال $p_1 = p_2$ ورجال $p_2 = p_3$ برسطخ رجبال $p_3 = p_4$ برسطخ رجبال $p_3 = p_4$ برسطخ رجبال $p_4 = p_5$ برسطخ رجبال $p_5 = p_6$ برسطخ رجبال $p_6 = p_6$ برسطخ رجبال p_6

4.0 kg m s⁻¹ کیند کاابت دائی زاوی کیا ہے؟ (ایشارہ:وہ حسل تلاسش کریں جس مسیں ترسیم کازیریں ترین انقط پر طف کی ضرورت پیشس نے آئے۔)

سوال ۱۳۳۳: بلاے کرانے سے عسین قبل 0.30 kg کمیت کا گیند 15 m s⁻¹ متی رفت ارسے افق سے نیجے °35 زاویے کے ساتھ کا مسئون ہے۔ بلے کے ساتھ تمساس کے دوران گیند کے معیار حسر کت مسین تبدیلی کی و تدر کسیاہو گی اگر گیند د(ا) سید حسان تصابی نیچے رخ 20 m s⁻¹ ماور (ب) افتی والپس 20 m s⁻¹ کی رفت ارسے لوٹے ؟

سوال ۳۳۳: سشکل 47.9 مسیں 0.165 kg کیت گیند کافعت کی جبائزہ پیش ہے۔ گیند اطسرا فی دیوارے شپ کی کست و کست او کھیا گیا ہے۔ گیند کی است کی کابت دائی رفت او 0.165 kg اور زاویہ 0.30 0.30 0.30 0.30 کست کی گیند کے سست رفت ادکار کا جب نہ جب کہ برخوا انداز نہیں ہوتا۔ (ا) زاویہ 0.30 کسیا ہوگا ؟ (ب) گیند کے خطی معیار حسر کست مسین تب یلی اکائی سستی ترقیم مسین کسیا ہوگی ؟ (گیند کے لڑھ کا و کا کیسال کوئی کر دار نہیں۔)

تصادم اور ضرب

سوال ۱۳۳۵: ایک مسخندہ 12 سندی سے 30 cm بلندی ہے 30 cm بلندی ہے۔ اس کی کمیت مندن پیٹ کے بل گر کر لوگوں کا دات لیتا ہے۔ وضعرض کریں، عسین پانی کی تہر کو پینچ کر یہ شخص رکتا ہے۔ اسس کی کمیت وضعرض کر کے اسس پر پانی کی ضرب کی وقت در تلاسٹس کریں۔

سوال ۱۳۳۷: زمسین پر 1.2 kg کا گیند $5 m s^{-1}$ رفتار سے انتصابی گرتا ہے۔ ٹپ کی کے بعید اسس کی ابتیدائی رفتار 1.2 kg رفتار $10 m s^{-1}$ رفتار $10 m s^{-1}$ برختار $10 m s^{-1}$ کا گیند کی دوران گیند پر کتنی ضرب عمسل کرتی ہے؟ (ب) اگر گیند کی اوسط قوت کتنی ہوگی؟ زمسین کے ساتھ مس ہو، زمسین پر گیند کی اوسط قوت کتنی ہوگی؟

سوال ۳۳۳ تعسین اسس وقت جب ایک شخص ، جس کی کمیت 70 kg ہے ، کری پر بیٹھت ہے اسس کا مشرار تی دوست کری گر بیٹھت ہے اسس کا مشرار تی دوست کری کھنٹے لیتا ہے ، جس کی بدولت پہلا شخص سے 0.50 m نئچ زمسین پر گر تا ہے۔ اگر زمسین کے ساتھ تصادم کا دوران شخص میں دوران شخص پر زمسین (۱) کی ضرب اور (ب) اوسط قوت کئی ہوگی ؟

27 ms محور x پر ابت دائی طور پر مثبت رخ 14 m s $^{-1}$ سے حسر کت کرتے ہوئے x برکت کی سند پر 27 ms کے لئے محدد کے منفی رخ قوت عمسل کرتی ہے۔ قوت کی متدر مسیں تبدیل پائی حباتی ہے اور ضرب کی متدر 32.4 Ns ہے۔ قوت کی اوسط متدر اور (ب) اسس کارخ کیا ہوگا؟ (ج) قوت کی اوسط متدر اور (د) گیٹ دپر ضرب کارخ کیا ہوگا؟

سوال ۳۳٬۳۰۰ ایک پہلوان مینز پر 13 m s⁻¹ رفتارے تھیٹر مار تا ہے۔ اسس کا ہاتھ 5.0 ms کے تصادم مسیں رکتا ہے۔ و سنر ش کریں تصادم کے دوران ہاتھ اور بازوایک دوسسرے پر اثر انداز نہیں ہوتے اور ہاتھ کی کیت 0.70 kg ہے۔ ہاتھ پر مینز کی (ا) ضرب کی متدراور (ب) اوسط قوت کی متدر کیا ہوگی؟

 $500\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ہون پر $3\,\mathrm{g}$ کی $100\,\mathrm{d}$ گولیاں فی سینڈ سٹر سے دپلائی حباتی ہیں۔ گولی کی رفت اور $3\,\mathrm{g}$ کی سوال ۱۳.۳: ہون کریں گولیاں ای رفت اور کی گریں کریں گولیاں کا رفت اور کی ہے۔ منسر ض کریں گولیاں ای رفت اور کی ہے۔ منسر ض کریں گولیاں ای رفت اور کی ہے۔ منسر ض کریں گولیاں کا رفت اور کی ہے۔ منسر ض کریں گولیاں کا رفت اور کی ہے۔ منسر ض کریں گولیاں کا رفت اور کی ہوئی کی منسلہ کے منسلہ کی کے منسلہ کی منسلہ کے منسلہ کی کہ کے منسلہ کی کے منسلہ کی منسل

سوال ۱۳۸۳: بلند کن کی کرے پہلے اچھان بلند کن کارب ٹوشت ہے اور بدقتمتی ہے اسس کا حضاظتی نظام بھی ناکارہ ہوتا ہے، جس کی بدولت ہے۔ فقص کر تا ہے۔ زمسین پر پڑنچ کر 90 kg سوار 5.0 ms کے تصادم مسین رکتا ہے۔ (مسیرض کریں سنہ بلند کن اور سنہ ہے شخص شہکی کھاتے ہیں۔)تصادم کے دوران شخص پر (ا) ضرب اور (ب) اوسط قوت کی مصادم ہے قبل ، بلند کن کے لیے نظے شخص 7.0 ms کی رفت ارسے اوپر چھانگ لگائے (ج) خص 1 اور (د) اوسط قوت کی صدرین کہا ہوں گی (رکنے کا دورانہ ہوں کے صور کریں)؟

x بوان ۱۳۳۳: یچوں کا کھنے ونا جس کی کیت x بور کور x پر حسر کت کر سکتا ہے۔ شکل 150.9 اس قوت x کا جبزو x بی کا کھنے ہو کھنے ونے پر بھو ساکن حسالت سے لمحت x بی کا بی اور انا ہوتا ہے، عمس ل کرتی ہے۔ محود x بی کا بی کی x بی بیت نہ کہ بی کرتی ہے۔ اکائی سستی ترقیم مسین (۱) لمحت x بی بیت نہ کہ بی کرتی ہے۔ اکائی سستی ترقیم مسین (۱) لمحت x بیت اور کی کے بیا ہوگی ؟ کے بیا ہوگی ؟

51.9 موال 7.7%: عسین تصادم ہے قبل اور عسین تصادم کے بعد $0.300\,\mathrm{kg}$ گیند بلے ہے کراتا ہوا شکل 51.9 مسین دکھیایا گیا ہے۔ عسین تصادم ہے قبل گیند کی سمتی رفتار \vec{v}_1 کی تدر $12.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور زاویہ 35.0° ہے۔ تھادم کے عسین بعد گیند کی سمتی رفتار \vec{v}_2 کی قتدر $10.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ ہوارے سیدھیا اوپررخ سرکت کرتا ہے۔ تھیادم کا دورانیہ $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$ ہور کے گیند پر بلغ کی خرب (ا) کی قتدر اور (ب) مثبت $2.00\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}$ کول خاط ہے۔ تھیادم کی اوسط قوت کی (خ) قتدر اور (د) رخ کیا ہیں ؟

سوال ۱۳۸۳: براعظہ امسریکہ کے وسطی اور جنوبی عساتوں مسیں افعی چھپکلی اپنی جبیانی کی سطح پر پیچسلی دوٹانگوں کی مدرے دوڑ سستی ہے۔ حسد مالیت ہوئے چھپکلی پہلے زور سے پانی کی سطح پر پاوں سے تھپٹر مارتی ہے، اور اسس کے بعد پاول کو پانی مسیں اسس سینزی سے نیچے و هکسیاتی ہے کہ پاول کے اوپر ہوا کا عنب ارہ بن حب تا ہے۔ اسس سے قبل کہ ہوا کے عنب ارے مسیں اطسران سے پانی بھسر آئے چھپکلی ای پیسرتی سے پاول والیس اوپر کھنٹی کر پانی کی قوت گھساٹ سے پنگی پاتی ہے۔ وُو بنے سے بچنے اطسران سے پنگی پاتی ہے۔ وُو بنے سے بچنے مشروری ہے کہ تھپٹر، نیچے د تھسیل اور پاول والیس اٹھسائے کے دوران اوپری اوسط ضرب، تحب ذبی قوت کی نشیب وار مشرب کے برابر ہو۔ وسنسرض کریں افعی چھپکلی کی کیست والی میں اوپر 3.00 و میں گئی کیست وارک کی کیست کے دوران اوپر کی اوسط ضرب، تحب ذبی وقت پاول کی رفت ار

basilisklizard⁹

s = 1.50 m s - 1) تھپٹر کے دوران چھپگل پر ضرب کی ت در کیا ہے؟ (ایس اسلامی اوپر رخ ہے۔) (ب) ایک ت دم کے 8 0.600 دورانیہ مسیں تحباذبی قوت کی چھپگلی پر نشین دار ضرب کتی ہے گئی کی کہ کا کہ میں اوپر رخ ہے۔) (ب) ایک قت رہا ہے؟ کتی ہے گئی ہے کتی ہے گئی کو مہارا تھپٹر دیتا ہے، نینج د تھک ل دیتی ہے، یادونوں کا حصہ تقسر میں ابر ہے؟

 $\vec{F} = (12.0 - 3.00t^2)$ بالرگزر دن فی سطح پر $\vec{F} = (12.0 - 3.00t^2)$ بالرگزر دن فی سطح پر $\vec{F} = (12.0 - 3.00t^2)$ بالم تقریب به مسیر می و توسی به مسیر مورد و توسی به مسیر مورد و توسی به مسیر مورد و توسی به مسیر و توسیر و

$$F(t) = [(6.0 \times 10^6)t - (2.0 \times 10^9)t^2] \,\mathrm{N}$$

تمس کے دوران (۱) لات ہے گیند پر ضرب کی تدر، (ب) گیند پر اوسط قوت کی تدر، (ج) گیند پر زیادہ سے زیادہ وقت کی تعدر، اور (د) عسین اسس لیحے گیند کی سمتی رفت ارکی و تدر جسس لیحے گیند لات سے علیحہ یہ ہو تا ہے تلاسش کرس۔

سوال ۱۳.۵۰ ایک گیند جس کی کمیت g 300 ور رفتار s^{-1} 6.0 m s ور بوار کے ساتھ زاوی سوال ۱۳.۵۰ و کستان دور کی کمیت کی کے بعد دوالیس ہوتا ہے۔ شکل 54.9 میں فصن کی حسائزہ دکھیا گیا ہے۔ گیند داور دیوار آلیس مسیں g 30 کے لئے مس رہتے ہیں۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں (ا) گیند پر دیوار کی ضرب اور (بیار پر گیند کی ضرب کسیاہو گی ، اور (ج) دیوار پر گیند کی اور طوح سے بیں۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں (ا) گیند کی خرب کسیاہو گی ،

خطی معیار حسر کی بقسا

سوال ۳۰۵۱ بلارگڑ سطچ پر 91 kg کمیت کالیٹا ہوا گخص 68 g پتقسر کو 4.0 m s⁻¹ رفت ارسے سطچ پر روانا کر تاہے۔ سے شخص نتیجت گنتی رفت ارحب اصل کر تاہے؟

سوال ۱۳۰۵: زمسین کے لیے ظرے $43\,000\,\mathrm{km}\,\mathrm{h}^{-1}$ رفتارے پرواز کرتا فصن کی طیارہ استعال شدہ ہوائی بان موٹر (کمیت 4m) کو فتارے بیجھے (کمیت 4m) کے علیحدہ کرکے مقیاسہ کے لیے ناظرے 4m 82 رفتارے بیجھے بھیے کی مقیاسہ کی فوراً بعد و مقیاسہ کی رفتار زمسین کے لیے ناظرے کمیا ہوگی؟

سوال ۳۵۳: ایک جسم جس کی کمیت ۱۱ اور مشاہدہ کار کے لیے اظ سے رفت اوس بردھاکے سے دو حصوں مسیں تقسیم ہوتا ہے، جہال ایک گئڑے کی کمیت دوسسرے نکڑے کی کمیت کی ٹین گتا ہے؛ دھاکہ فصنائے ماورا مسیں واقع ہوتا ہے جہال تحب ذبی قوت نہیں پایا حباتا ہے کم سمین کلزامشاہدہ کار کے لیے اظ سے رک حباتا ہے۔ مشاہدہ کار کی حوالہ چو کھ نے مسین ناسیے ہوئے دھاکہ نظام کو کتی حسر کی توانائی منتقش کرتا ہے ؟

سوال ۵۵. π : زیادہ بلندی تک یہ پینچنے کی عشر ض ہے، عسین چھالنگ ہے قبل، کھلاڑی دووزن اوپر اٹھ تا اور چھلانگ ہے جسد ، پرواز کے دوران ، نینچ زور سے پیپیٹ آ ہے۔ فسنر ض کریں ایک کھاٹری کی کمیت $78 \, \mathrm{kg}$ اور ایک وزن کی کمیت $5.50 \, \mathrm{kg}$ کمیت $5.50 \, \mathrm{kg}$ کمیت کے بعد من سوش کمیت ہے۔ آس عشر ض کمیت جھالنگ کی بجبائے کبی چھلانگ لگانا حیابت ہے۔ آس عشر ض سے چھلانگ کے دوران بلند ترین نقط پر پہنچ کے کھاٹری وزن افقی بوں پیچھ پھیپ کتا ہے کہ زمسین کے لحاظ سے ان کی سمتی رفت از معنوں مور توں صور توں مسیں، افتی سمتی رفت از بخت وزن دونوں صور توں مسیں، \vec{v} ہو ہو تب ہو گھالائی کی سمتی رفت از بخت وزن دونوں صور توں مسیں، کے اور زمسین کو ہم سطح تصور ہے۔ وزن کا استعمال اس کو کتن اصل طے کراتا ہے؟

سوال ۱۳۰۵ ایک جس کی گیب و 20.0 kg ہے فض مسین x محور کے مثبت رخ 200 m s⁻¹ ایک و حس مسین x محور کے مثبت رخ 10.0 kg مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک خلوا جس کی گیب 10.0 kg مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک مکوا جس کی گیب 4.0 kg ہے، نقطہ دھا کہ سے مثبت x محور کے رخ x منگی x محور کے رخ x میں x میں تسین تقسیم کور پر x میں میں میں تاہم میں تیسم کور کے رہا ہوتا ہے۔ (ا) اکائی سستی ترقیم مسین تیسم کارکے کی سستی رفتار تلاسش کریں۔ (ا) دھا کے مسین تیان تو انائی رہا ہوتی ہے ؟ تب اذبی قوت کے اثرات نظر راند از کریں۔

سوال ۳۵۰ : ایک جسم ، جس کی کمیت $4.0~{\rm kg}$ ہے ، بلار گڑ سطح پر حسر کت کرتے ہوئے دھاکے ہے دو $2.0~{\rm kg}$ کمگڑوں مسین تقسیم ہوتا ہے۔ ایک کمگڑا $3.0~{\rm m~s^{-1}}$ شمال کی طسر ون رواناہو تا ہے۔ جم کی ابت دائی رفت ارکسیا ہے ؟

سوال ۲۰۰۰: زرہ A اور ذرہ B جن کے نج دیا ہوا اسپر نگ ہے کو زہر دستی اکٹھے کپڑ کر رکھا گیا ہے۔ رہا کرنے پر اسپر نگ انہیں محنالف رخوں دھکیل کر ان سے علیحہ یہ ہوتا ہے۔ ذرہ A کی کمیت ذرہ B کی کمیت کی 2.00 گئا ہے، اور دبے اسپر نگ مسیں ذخیہ مختی توانائی B کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور اسپر نگ کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور اسس کی توانائی کمان طور پر ذروں کو منتقل ہوتی ہے۔ توانائی کا انتقال مکسل ہونے پر (ا) ذرہ A اور (ب) ذرہ B کی حسر کی توانائی کا انتقال کمسل ہونے پر (ا) ذرہ A اور (ب) ذرہ B کی حسر کی توانائی کی ایوگی ؟

معيار حسر كت اور تصادم مسين حسركي توانائي

موال ۳۰۱۱: منجنی روتاص جس کی کیت 2.0 kg ہے، پر 10 g گولی حیائی حیاتی ہے۔ روتاص کا مسرکز کیت۔ 12 cm بلندی تک پنچتا ہے۔ وضرض کریں گولی روتاص مسین دھنس حیاتی ہے۔ گولی کی اہت دائی رفتار کسیا ہے؟

سوال ۱۳.۷۲ بالر گڑ منسرسٹس پر ککڑی کا تخت جس کی کمیت ہوں 700 ہے ساکن پڑا ہے۔اسس پر 9 5.20 گولی حیال تی بست ہوتی ہوتی ہوتی ہوتے تخت کو مار کر اسس سے پار 428 m s⁻¹ رفتار سے حسارج ہوتی ہوتے تخت کی رفتار کسا ہوگی؟ (ب) تخت وگول نظام کے مسر کز کمیت کی رفتار کسا ہوگی؟

v عوال ۱۳.۱۳ بار گرفت رسٹس پر پڑے دوس کن جم پر v 3.50 و گول افقی ماری حباتی ہے (مشکل 58.9 الف) ہے گول جم v المحمد بنا ہے گزر کر دوس رے جم ، جس کی کمیت v 1.80 kg ہے ، مسین دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے ، مسین دھنس حباتی ہے جس کی کمیت v 1.20 kg ہے ، مسین دھنس کرتے ہیں کی بیاد والسے جم 1 کی رفت اور جم 2 کی رفت اور جم 2 کی رفت اور جم 1 کی رفت اور جم 1 کے مثل کرتے ہیں جم 1 کی دونت اور کے مواد نظر انداز کرتے ہوئے ، گولہ کی رفت اور اسس کمے تلاشش کریں جب ہے جم 1 کے مثال گوگا ہور (ب) دور نسل ہوتی ہوئے ، گولہ کی رفت اور براحت کی ہوتی ہوئے ، گولہ کی رفت اور براحت کی ہوتی ہوئے ۔

موال ۲۰٬۱۷: انتصابی محور پر مختالف رخ حسر کت کرتے لبدی کے دو گولوں کے نیج کمسل غنید کی تصادم ہوتا ہے۔ عسین تصادم ہوتا ہے۔ عسین تصادم ہے قبل ایک گولا، جس کی کمیت 3.0 kg ہے۔ عسین تصادم ہے قبل ایک گولا، جس کی

کیت 2.0 kg ہے، 12 m s⁻¹ کے نشیب وار حسر کت کرتا ہے۔ نقطہ تصادم سے دونوں گولوں کا محب وعہ کتی بلندی تک ہے۔ نقطہ تصادم سے دونوں گولوں کا محب وعہ کتی بلندی تک ہے۔ بیٹ کا بیٹ کا بیٹ کا بیٹ کی بیٹ کا بیٹ کا

سوال ۱۳۰۸: سرخ استارے پر کھسٹری گاڑی A (کیسے 1100 kg کو پیچے سے گاڑی B (کیسے 1400 kg کر مارتی $d_A = 8.2 \, \mathrm{m}$ کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار $A_A = 8.2 \, \mathrm{m}$ کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار $A_A = 8.2 \, \mathrm{m}$ کائی کم ہے) کھی لگ آخسٹر کار $A_B = 6.1 \, \mathrm{m}$ کی رفت ارکسی $A_B = 6.1 \, \mathrm{m}$ کی بیسے میں تعسین تعسین

سوال ۱۹۹۹ نظر الرائز فسنسر مش پر ساکن اسپر نگ بسند وق، جس کی کمیت $M=240\,\mathrm{g}$ به کانالی مسیس معتام $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کینالی مسیس معتام $v_i=22\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کینند نالی مسیس است معتام پر اثر حباتا ہے جہاں اسپر نگ زیادہ دیا ہے۔ گیند اور نالی کے نیج رائز کی بن حسر توانائی مسیس اضاف و سائل نظر انداز ہے۔ (ا) اس لیح بندوق کی رفتار کمیا ہوگا جب گیند نالی مسیس رکتا ہے؟ (ب) گینند کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتنا حس اسپر نگ مسیس ذخیسرہ ہوگا ؟

 $3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے $10\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ اور کیسے کی الم کرنے ور کسے کی در کسے مسین ہیں (مشکل 63.9)۔ و نسر مشمن بلار گڑ ہے اور کس لی کے ساتھ اسپر نگ کی ادا ہے جس کی اسپر نگ مستقل $1120\,\mathrm{N\,m^{-1}}$ اسپر نگ کا دا ہے اس وقت زیادہ سے زیادہ ہو گاجب دونوں کس کی سے میں دختار ایک ہو دنیادہ سے زیادہ کا داب تار کس کی کسے دختار ایک ہو دنیادہ سے زیادہ کا داب تار کس کی سے دختار ایک ہو دنیادہ سے دونوں کس کی سے دونوں کس کی سے دختار ایک ہو دنیادہ کی سے دونوں کس کی سے دختار ایک ہونے کی سے دختار ایک کا دان سے دنیادہ کی سے دختار ایک ہونے کی سے دنیادہ کی در اسٹر کی سے دنیادہ کی در اسٹر کی سے در اسٹر کی در اسٹر کی سے در اسٹر کی در

ایک بعب دمیں کی تصادم

ووال ۳.۷۲: بلارگر فسندسش پر سل A (کمیت $1.6\,\mathrm{kg}$ سرکت کرتا ہوا سل B (کمیت $2.4\,\mathrm{kg}$ سی بین) میل ۱۳.۵۲: بلارگر فسند شور شار (A (کمیت تین سخی رفت از (A) جی پیش ہیں؛ میل اتا ہے (شکل 64.9)۔ تصاد مرح قب بین سخی رفت از $v_{Bf} = 4.9\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ، اور $v_{Bi} = 2.5\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ، $v_{Ai} = 5.5\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ بین رفت از (I رفت از اور (بین پارٹی کا کیسی کارٹی تا تعد مرکبی ہے ہے اور ایس پارٹی کارٹی کارٹی

سوال ۳۰.۷۳: بلارگر خطی ہوائی ڈگر پر 340 ویڑھی -1.2 سہ -1.2 ابت دائی رفت ارسے حیل کر نامع اوم کیہ ہی کی ساکن رپڑھی ہے نگر آتی ہے۔ تصادم کے بعد پہلی رپڑھی رخ برفت رار کھ کر -1.2 سے -1.2 سے حسر کرت کرتی ہے۔ (ا) دو سری رپڑھی کی کیہ ہے گار ہے (جب) تصادم کے بعد داسس کی رفت ارکیا ہوگی ؟ (ج) دور پڑھی نظام کے مسر کز کیہ ہے کی رفت ارکیا ہوگی ؟ (ج) ہوگی ؟

موال ۲۰۰۷: طیطانیم 'اے دوکرہ ایک رفت ارسے حیال کر آئے سامنے سے کی تصادم کاشکار ہوتے ہیں۔ تصادم کے بعد ایک کرہ، جس کی کیت کرہ، جس کی کیت کرہ، جس کی کیت کرہ، جس کی کیت کرہ ونوں کرہ کی اگر دونوں کرہ کی استدائی رفت ارکیا ہوگی؟

 $m_2 = 3m_1$ بارگر فنسرسش پر m_1 کیسے کی سل جہل کر ساکن سل، جس کی کمیسے m_1 ہوال 20.4 برائی ہوری کھی تصادم مسیں مبتلا ہوتی ہے۔ تصادم سے قبل دو جسمی نظام کے مسرکز کمیسے کی رفت ارسی کی گرفت ارکیا ہوگی؟ $3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$

سوال ۳.۷۱: کیسے 0.500 kg کا فولادی گیند 70.0 cm ڈور سے لئک رہا ہے (شکل 65.9)۔گیند کو ایک حباب اٹھیا پاجساتا ہے اٹھی ایک ایک حبابات ہے۔ تحییلے ترین نقط پر پہنچ کر سے 2.5 kg کی فولادی سل سے نگرا تا ہے جو بلار گڑونسر سٹس پر ساکن پڑا ہے۔ تصادم کی ہے۔ عسین تصادم کے بعد (۱) گیند کی رفت ار اور (ب) سل کی رفت ار تلاسش کریں۔

سوال ۷۵.۳: ایک جسم، جس کی کیت 2.0 kg ہے، دوسرے ساکن جسم ہے کی نگر کے بعد ، رخ بر فترادر کھ کر، ایک چسک آئی رفت ارک کو کا بتدائی ایک چونوٹ آئی رفت ارسے حسر کت کر تاہے۔ (ا) دوسسرے جسم کی کمیت تلاسٹ کریں۔ (ب)اگر 2.0 kg کی ابت دائی رفت ارک جس کو کت کی کہت کی رفت ارک باہوگی؟

 $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ وفت المرس پر زره $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ وفت المرس پر زره $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ وفت المرس پر زره $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ وفت المرس پر زره $m_1 = 0.30 \, \mathrm{kg}$ وفت المرس پر زره $m_1 = 0.40 \, \mathrm{kg}$ وفت المرس پر بر المرس پر بروان پر بروان

titanium'*

سوال ۱۳۰۸: چھوٹے گیت د کوبڑے گیت دکے شیک اوپر معمولی بلت دی پر رکھ کر دونوں کو بسیکوقت $m=1.8\,\mathrm{m}$ بلت دی سے گرنے دیا جساتا ہے (گیت دوں کے رواسس کے لحیاظ سے وستایل نظر انداز ہیں)۔ ان کی کیست بالسسرتیب m=1 اور m=1 ورواسس کے بعد چھوٹا گیت در مسین سے کہا گیت کے اور اسس کے بعد چھوٹا گیت در مسین سے کہا گیت دی گیت ہوئی جپ کے گئیت دے گرا کر رک بڑے گیت دے کی شپ کی گھائے گیت دے گرا کر رک جب کی شپ کی گھائے گیت دے گرا کر رک جب کی بیٹ کے گئیت دی تھوٹے گیت دے گرا کر رک جب کی بیٹ کی بیٹ کے گھائے کہ بڑا گیت دی تھوٹے گیت دیں تھوٹے گیت دی تھو

سوال ۳۰۸۳: مت رص 1 ، جس کی کمیت $m_1 = 0.20 \, \mathrm{kg}$ بہار گڑ میں زیر پھسلت اہوا ساکن مت رص 2 سے کیا بعد کا گھی تصادم کا شکار ہوتا ہے (مشکل 69.9) میں حت رص 2 میں نیر کمن ادہ ہے b مناصلہ دور گرتا ہے۔ مت رص b میں ایس ہو کر میں نیر گرتا ہے۔ مت رص b میں ایس ہو کر میں نیر گرتا ہے۔ مت رص b کی کمیت کہ ہے (امشادہ: عمل امتوں پر نظر رکھیں۔)

دوابعها دمسين تصادم

سوال ۱۳۸۳: زره 1 فرره الفا" اور ذره 2 مرکزه آگیجی $1 = 64.0^\circ$ این 1.9 کرد آلی و الفا" اور ذره 2 مرکزه آگیجی $1.20 \times 10^\circ$ این $1.20 \times 10^\circ$ این $1.20 \times 10^\circ$ الفازاوی مسیل مسیل $1.20 \times 10^\circ$ المنتر 1.20×10

سوال ۳.۸۵: برابر کمیت کے دوجیم جوایک ابت دائی رفتارے حسر کت کرتے ہیں غیبر کمپ کی تصادم کے بعد ایک ساتھ نصف ابت دائی رفت اربے حسر کت کرتے ہیں۔ ان کی ابت دائی سستی رفت ارکے ﷺ زاوی ہتا سش کریں۔

ووال ۳۸۱ اور B اجب م A اور B گراتے ہیں۔ تعب دم ہے قبل ان کی سمتی رفت اربالت رتیب \vec{v}_A ورفت اور \vec{v}_A اور \vec

سوال B سوال A بین گرونان A بیس کی رفت اور B ابت دان کی جد ان کی میرونان B سے کی گراتا ہے۔ تصادم کے بعد دان کی میں رفت اور A ابت دائی رخ کے ساتھ 60° زاویہ بین تا ہے۔ تصادم کے بعد (۱) پرونان A اور (ب) پرونان B کی رفت ارکسیا ہیں ؟

alphaparticle" oxygennucleus

تغیر کمیت کے نظام: ہوائی بان

سوال ۱۳.۸۸ مشتری کی طسرون من کے مختیق حنائی طیارہ، جس کی کمیت $6090 \, \mathrm{kg}$ ہورج کے لحاظ ہے۔ $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ رفتار ہے جاتے ہوئے دم ہے $80.0 \, \mathrm{kg}$ منسرج طیارے کے لحاظ ہے $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کر رفتار ہے جانے ہوئے دم ہے $105 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کر تا ہے۔ طیارے کی افتقا می رفتار کیا ہے ؟

سوال ۱۳۸۹: دو لیم بحبرے ساکن پانی مسین ایک رخ روان ہیں۔ ایک کی رفتار 10 km h⁻¹ اور دوسرے کی 10 km h⁻¹ کے کلہ 10 km h⁻¹ کے کلہ 10.9 بعضی دیر تسینر بحبرا آہتہ بحبرے سے کو ئلہ 1000 kg min⁻¹ مسین کی است کی میں میں بھیکا حباتا ہے۔ ونسر ش کریں بحبرا اور پانی کے چی رائزی توت بحبرا کی گئے۔ بخسرا کی کی سن کی میں میں بھیکا حباتا ہے۔ رفتار بر وتسرار رکھنے کے لئے (ا) تسینر بحبرا اور پانی کے نگر آئی ہوگی ؟ اور (ب) آہتہ بحبرا کے انجی کو کئی اضافی قوت یہ داکر فی ہوگی ؟

سوال ۹۰۰: فصن نے ماورامسیں جمودی حوالہ چوکھ نے کے لحاظ سے ساکن ہوائی بان پر غور کریں۔ ہوائی بان کا انجن کی مخصوص دورانسیہ کے لئے حسالیا حسانا ہے۔ جمودی حوالہ چوکھ نے کے لحاظ سے ہوائی بان کی رفت ار ()حضر ن رفت ار () جسنسری رفت ار () جسنسری مواد کی رفت ار) کے برابر اور (ب) حضری رفت ارکی و گئی ہونے کے لئے ہوائی بان کی سمیتی تناسب (ابت دائی کیسے کا جسنس انتقامی کیسے کے لحاظ سے) کتنی ہونا ضروری ہے؟

سوال ۱۹۰۱: جودی حوالہ چو کھ نے کے لیے ظرے نصن نے ماورامسیں موجود سے کن ہوائی بان کی کمیت kg ہودی حوالہ چو کھ نے کے لیے ظرے نصن نے ماورامسیں موجود سے کن ہوائی بان کی کمیت kg ہوری ہوران این دھن ہوتا ہے kg ہوری بات کا محور ہوران این دھن kg ہوری ہوتا ہے۔ ہوائی بان کے لیے طرح سے مواد کی رفت ارکسیا ہیں؟ مواد کی تو ہوگی بان کی (ب) کمیت اور (ج) رفت ارکسیا ہیں؟ ہوران ہوتا ہے۔ (ا) ہوائی بات کی تو سے دکھوں کو تو سے دکھوں کی ہوتا ہے۔ اور جا کھوں کو سے دکھوں کی ہوتا ہوتا ہے۔ اور جا کھوں کو تعدل کھوں کو بھوں کو بھوں کے بعد ہوائی بان کی (ب) کمیت اور (ج) رفت ارکسیا ہیں؟

اضافي سوالات

 \vec{v} ایک جم پر نظر جمائے ریڈار کے مطابق جم کا تعسین گرسمتیہ \hat{t} + 2700 \hat{t} + 2700 \hat{t} = \vec{v} عمل اور t کی سیکنڈ مسیں ہے۔ ریڈار کا v محور مشرق کے رخ اور v محور شمال کے رخ ہے۔ اگر جم 250 kg میسے کا موسمیاتی مسزائل ہو، (۱) اس کا خطی معیار حسر کت اور (ب) اس کے رخ ہے۔ اگر جم 250 kg کیت کا موسمیاتی مسزائل ہو، (۱) اس کا خطی معیار حسر کت اور (ب) اسس کے رخ ہے۔ اگر جم 250 kg کیت کا موسمیاتی مسئل تھ ہے؟

سوال ۱۳۹۳: ہوائی بان کا آخنسری حصہ ، جو 7600 m s⁻¹ کی رفت اربے حسر کسے مسیں ہے ، دو حصوں پر مشتمل ہے ، چنہ میں آب سس مسیں حبکڑا گیا ہے۔ ایک حصہ ہوائی بان کا خول ہے جس کی کمیست 290.0 kg ہے ، اور دو سراوہ ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک ساز وسامان کی ڈبی جس کی کمیست 150.0 kg ہے۔ انہمیں ایک دو سرے کے لیاظ ہے۔ 1910 m s⁻¹ استی فی رفت اربے علیحہ دہ کرتا ہے۔ علیحہ دگی ہے بعد (ا) ہوائی بان خول اور (ب) ساز و سامان ڈبی کی رفت ارکیب ہوں گی ؟ تمسام سستی رفت ارایک محور پر مسنر ض کریں۔ (ج) علیحہ دگی سے قسبل اور (د) علیحہ دگی جسر کی توان کی تام سستی رفت اراکیب مسئری کی وجب پیش کریں۔

سوال ۱۳.۹۴ بلندعمار<u>ت</u> كايرة وارانهدام "

سوال 90 $m_L = 1.00 \, \mathrm{kg}$ "اور سل 100 $m_B = 0.500 \, \mathrm{kg}$ بردوبا 100 $m_B = 0.500 \, \mathrm{kg}$ ب

سوال ۱۹۰۹: بلارگڑ فسنىرىش پر دوذر ہے بچسلة ہوئے مستقل مستى رفت ارسے حسر كرتے ہیں؛ سشكل 73.9 مسيى ان كا فصن ان كا جسن ہو دو ذرسے بھسلة ہوئے مستقل مستى رفت ارسے حسر كرتے ہیں؛ سشكل 73.9 مسيى ان كا حسان كى راہي ايك دوسرے كو كا ئى ہیں۔ محور x يوں منتخب كسيا گسيا ہے آمدى راہوں كے بخ زاويے كو برابر حصوں مسيى كا كر 0 و دے تصادم كو را كى حبان ہے كو محور x يوں منتخب كسيا گسيا ہے آمدى راہوں كے بخ زاويے كو برابر حصوں مسيى كا كر 0 و دے تصادم كو را كى مورد 0 ور مندسوں ہے موسوم حسان نقطہ دار لكسياريں، مورد ہيں ہو، حسرون ہے موسوم حسان قصیم كرتى ہیں۔ اگر تصادم (۱) مكسل كہي ، (ب) كہيكى ، اور (ج) غسيار كہيں ہو، درے كس حصر مسيى ماكس كسيار برحسر كت كرتى ہیں؟

سوال ۳.۹۷: رفت اركاان داداف زائش

 $v_{1i} = 4.00 \,\mathrm{m \, s^{-1}}$ ونتارے $v_{1i} = m_1$ برآر گونٹر شن پر کور x کے ہمسراہ $v_{1i} = m_1$ ونتارے $m_2 = 2.00 m_1$ برگرکے گانسادم ساکن سال 2 ہوتا ہے، جس کی کمیت $m_2 = 2.00 m_1$ ہوتا ہے، جس کی کمیت $m_2 = (74.9 \,\mathrm{m})$ ہوتا ہے، جس کی کمیت $m_3 = (74.9 \,\mathrm{m})$ ہوتا ہوگی تصادم سال 3 کی رفتار کے اس وقت سال 3 کی رفتار کے اس وقت سال 3 کی رفتار کے اس کی استدائی آبیت ہوگی؟ کی اس کی ابتدائی آبیت کے زیادہ ہوگی؟ کے انتازہ کی ایک ہوتا ہوگی ہوتا ہوگی؟ کو ایک ہوتا ہوگی؟ کے انتازہ کی ایک ہوتا ہوگی؟ کے ایک ہوتا ہوگی ہوتا ہوگی؟ کے ایک ہوتا ہوگی؟ کو ایک ہوتا ہوگی؟ کے ایک ہوتا ہوگی ہ

سوال ۳.۹۸: رفت ارکی استزائش

pancakecollapse safetyfactor

 $m_2 = 0.500m_1$ $m_2 = 0.500m_1$ $m_3 = 0.500m_2$ اس کے بعد سل 2 کا کیک بُعدی کی تصادم سل 3 ہوتا ہے، جس کی کیے سے $m_3 = 0.500m_2$ جس کی کیے سے $m_3 = 0.500m_2$ جس کی کیے سے رہازہ کی است ان قیم ہے ؟ (ج) صدر کی آوانائی، اور (د) معیار حسر کسے کی قیمت سل 1 کی ابت دائی قیمت نے زیادہ ہے ، کم ہے ، یا اتن ہی ہے ؟

موال ۱۰۰ است: حنلائی طیارے کے دو حصوں کو حبکڑ کر ساتھ رکھنے والے دھا کہ خسینر ت بلوں کے دھا کہ سے علیحہ دہ کسیاحب تا ہے۔ ان حصوں کی کمیت 1200 kg اور 1800 kg ہے؛ ہر ایک جھے پر ت بلوں کے دھاکے کی ضرب کی ت مدر کا 300 N s ہے۔ چھے کس اضافی رفت اربے علیجہ دہ ہوتے ہیں؟

موال ۱۰۱.۳: ایک گاڑی، جس کی کمیت $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ به $5.3\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفتارے ابتدائی طور کور y کے ہمسراہ شمال کی طسرون حساط ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون حساط ڈرائیور گاڑی شمال کی طسرون حساط ڈرائیور گاڑی سے دائیں ہاتھ 90° میں روک پاتا ہے۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں گاڑی پر (۱) موڑ کائے کی سیدھ سیدٹ پر حپڑھ اتا ہے، جو گاڑی کو $350\,\mathrm{m\,s}$ میں روک پاتا ہے۔ اکائی سمتی ترقیم مسیں گاڑی پر اور سال قوت کی وجب سے ضرب کمی ہوگئی ورران اور (د) تصادم کے دوران گاڑی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ورران گاڑی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی و تسدر کمی ہوگئی کہ ویران گاڑی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی ہوگئی کارخ کمی ہوگئی کو تعدر کمی ہوگئی کہ ویران گاڑی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی کہ کارخ کمی ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہوگئی پر اوسط قوت کارخ کمی ہوگئی ہوگئی

سوال ۱۰۱۳ ایک شخص، جس کی کمیت 75 kg ہے، 39 kg کمیت کی ریڑھی پر سوار ہے جو 2.3 m s⁻¹ میں رفتارے سوار ہے جو 2.3 m s کی ریڑھی کے دیا ہے۔ ریڑھی کی سنتی رفتارے ساتھ ریڑھی ہے کو د تا ہے۔ ریڑھی کی سنتی رفتار مسین تب دلی بہتا عسلامت کسیاہو گی؟

سوال ۱۰۰۳: بلارگر فسنبرسش پر ساکن دو سل جن کی کمیتیں 1.0 kg اور 3.0 kg بین اسپر نگ کے ذریعہ آگیس مسین حبیری بین۔ انہمیں ایک دو سیرے کے رخ سمتی رفت اریوں دی حباتی بین کہ ان کامسر کز کمیت ساکن رہت ہے اور سل 1 کی رفت ارکیس 1.7 m s⁻¹ ہوتی ہے۔ سل 2 کی سمتی رفت ارکیب ہے؟

سوال ۱۰۵۰: مال بردار ریل کاؤب، جس کی کمیت 10^4 kg ہے، ڈرائیور کے ساکن ڈ بے سے تکراتا ہے۔ دونوں آپس مسین حبٹر حباتے ہیں اور ابت بدائی حسر کی توانائی کا % 27.0 حسری توانائی، صوتی توانائی، ارتعب سش، وغنی مدہ کو منتقب ہوتا ہے۔ ڈرائیور کے ڈ بے کی کمیت تلاسٹس کریں۔

parentnucleus12

daughternucleus

neutrino12

ور بال ۱۰۱.۳۰: ایک گاڑی، جس کی کمیت $2400 \, \mathrm{kg}$ ہے، سیدھی سٹر کے پر $80 \, \mathrm{km} \, \mathrm{h}^{-1}$ ور فران کی کمیت کس رفت ار ہے۔ ان کا مسر کز کمیت کس رفت ار ہے۔ اس کے پیچھے $1600 \, \mathrm{kg}$ کمیت کی گاڑی $1600 \, \mathrm{kg}$ وفت ار ہے۔ ان کا مسر کز کمیت کس رفت ار ہے۔ اس کے جسم کرتا ہے؟

 $^{-1}$ سوال $^{-1}$: گینند $^{-1}$ ، بو $^{-2}$ مینند $^{-1}$ ، بو $^{-1}$ کال ای طسرح کے دوسرے گینند $^{-1}$ ہو اللہ $^{-1}$ اللہ $^{-1}$ ہو اللہ $^{-1}$ اللہ $^{-1}$ ہو اللہ ہو کہ مواد کے مواد

 $(5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$ + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$ + \cdot + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$ + \cdot + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{j}$ + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{k}$ + $(6.50\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{k}$

سوال ۱۱۱۱ سن: دویکساں برتن جن مسیں ایک جنتی چینی بجسری ہے ایک ذور کے ذریعہ حبڑے ہیں، جو بلار گڑ حپ رخی کے اوپرے گزرتی ہے (سنکل 77.9)۔ ڈور اور حپ رخی کی کمیت و تابل نظر انداز ہے، جب ایک برتن اور اسس مسیں بجسری چینی کی کمیت و 500 g مناسلہ اور برتن ایک جنتی بلت دی پر جب کڑ کر گئیت مسیں جسری کے گئے ہیں۔ برتن 1 کے وسط اور دوبرتی نظام کے مسرکز کمیت مسیں (۱) ابت دائی افتی مناصلہ اور (ب) برتن 1 سے 20 g چینی بنت کی بحد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کیے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہا کے حب تے ہیں۔ رہائی کے بعد برتن رہائے واور (د) اسراع کی کتی وت در سے حسرکت کرتا ہے ؟

سوال ۱۱۱۲: ایک گیند ہموار مسنسر مشن پر چیلتے ہوئے یک ال گیند سے کمراتا ہے۔تصادم کے بعد بہالا گیند اپنے استدائی رخ کے ساتھ 22.0 ناویے پر 3.50 m s⁻¹ کی رفت ارسے حسر کرت کرتا ہے جبکہ دوسسرے گیند کی رفت ارکان کے ساتھ دوسسرے گیند کے رخ کا زاویہ اور (ب) پہلے گیند کی استدائی کے ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور (ب) پہلے گیند کی استدائی رفت اور کی کہا تا کہ ساتھ دوسسرے گیند کی رفت اور کی کہا گیند کی دوسال کی بیٹ کی بیٹ کی مقال کی بیٹ کا گومٹ نظر سراند از کریں۔)

 $3.0\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ بادرگز $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ بلند مسيزے کسنارے پرساکن $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ وفیہ $h=0.40\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ رفتارے جیلتے ہوئے کراتا ہے (شکل 78.9)۔ دونوں ڈیے آپس مسین چیک کر فسٹر سٹس پر گرتے ہیں۔ عسین فسٹر سٹس

پر پہنچنے سے قبل ان کی حسر کی توانائی کسیا ہو گی؟

سوال ۱۱۱۳: ایک غبارہ، جس کی (بمع ٹوکری) کیت 320 kg ہے، سے ایک شخص، جس کی کمیت 80 kg ہے، سوال ۱۳.۱۱۳: ایک غبارہ استدائی طور ساکن ہے۔ اگر سیڑھ کے لیے ظرف عزیرہ کا کہ بیارہ استدائی طور ساکن ہے۔ اگر سیڑھ کے لیے ظرف سے شخص 2.5 m s⁻¹ رفت ارکس رفت اور (ب) کس رفت اور (ب) کس رفت اور کے جسر کرے گا؟ اگر شخص حیبڑھنارہ کے دے تب عنبارے کی رفت ارکسیا ہوگی؟

سوال ۱۱۱۳: بصری کھیل اسسیں ایک نظارہ پیش کرنا مقصود ہے جس مسیں 1500 kg کیسے کی 3.0 m کم بیش 3.0 m کا گاڑی 4000 kg کی گاوری (جو کشتی سے معراق ہوکر بندرگاہ کی گاوری (جو کشتی سے معمولی نیچ ہے) مسیں پرواز کر کے پہنچتی ہے (شکل 81.9)۔ کشتی ابت دائی طور پر گاوری سے مس ہے؛ کشتی بغیب رر گرپانی مسیں معمولی نیچ ہے) مسیں پرواز سے دونوں کی کیسے لمبائی پر تخمیت کیساں تقسیم تصور کی حب سکتا ہے۔ عسین پرواز سے قسب کشتی اور گوری مسیں مناصلہ کیا ہوگا؟

سوال ۱۱۱۷: محدد x پرمثبت رخ m = 0.0

موال ۱۱۱۸: حب بوترہ کے ساتھ تھی ریل گاڑی کا 2140 kg ڈب، جو بلار گڑ حسر کت کر سکتا ہے، ساکن تھے ڈا ہے۔ ایک پہلوان جس کی کیت 224 kg ہے۔ بیٹ مری کے جمہراہ 5.3 m s⁻¹ فرتا ہے۔ ووڑ کر کھیلا ڈ بے مسین کو وتا ہے۔ اگر پہلوان کھیلا ڈ بے (ا) پر کھیٹر ابو حبائے، (ب) کھیلا ڈ بے کے لیے ظے ای رخ 5.3 m s⁻¹ ہور (ج) ابتدائی رخ کے مختالف کھیلاڈ بے کے لیے نظرے اور شرے جب کھیلاڈ بے کی رفت ارکب ابو گی؟

سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار ، جس کی کمیت 500.0 kg ہے، جو طیارے سے حبٹرا ہے، جو سوال ۱۳۰۰: ایک مقیار سے حبٹرا ہے، جو سال ۱۳۰۰: ایک چھوٹا دھا کہ مقیار ہے کہ ایک بڑے حنائی طیارے کے لحیاظ سے 1000 m s - ایک جھوٹا دھا کہ مقیار سے پہنچے کی طسر دن، چھوٹے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، 100.0 m s - ایک جھیجت ہے۔ بڑے طیارے کی نئی سمتی رفت ارکے لحیاظ سے، دھاکے کی وجب سے، اصاف کی سشرح کمی ہوگی؟

سوال ۱۲۱.۳: (۱) زمسین و حپاند کا مسر کز کمیت زمسین کے مسر کزے کس مناصلے پر ہے؟ (ضمیہ Cمسین زمسین اور حباند کی کمیت اور ان کے چھناصلہ دیا گئے ہے۔) (ب) ہوناصلہ دیا گئے ہے۔)

videogame^{1A}

سوال ۱۲۲.۳: ایک د یوار سے 140 g گیند $5.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کی رفتار سے عصودی کگرا کر ای رفتار سے واپس لوٹت $-2.8 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کی رفت در ایس می دورانسید می دورانسید می دورانسید کی د

سوال ۱۳۳۳: پیسلن گاڑی، جس کی کمیت 2900 kg ہے، s^{-1} 250 m s⁻¹ رفتار سے پیشری پر ہوائی بان سے حیال نگاری جس تی کمیت رفت کی بان سے حیال کارخ چسلنی گاڑی حب کفگی ہے رائے مسین زمین پر پائی کا تالاب آتا ہے۔ خطی معیار حسر کست کی بقت کا اصول استعال کر کے بت کیں ٹیسنگی مسین رکھی حنالی ٹیسنگی کی طسر نے کہ بست کی سے جسائی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن بالا کی توجہ ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کا گاگئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کر گاگئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کر گاگئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کا گلئی ہے ہونے کے بعد پیسلنی گاڑی کی رفت ارکسیا ہوگی جن کر گاڑی ہے ہونے کے بعد کی بیٹ کی بیٹ کی خواند کر ہیں۔)

سوال ۱۲۳.۳: ہوائی ہندوق و 2.0 و چھسرے نی سیئٹر 500 m s⁻¹ رفتارے مارتی ہے۔ چھسروں کو ایک بخت (غیب کی کی) دیواررو کتی ہے۔ انہائی، (غیب کی کئی) دیواررو کتی ہے۔ انہائی۔ چسسرے کی معیار حسر کت و تدر، (ب) ایک چسسرے کی حسر کی توانائی، اور (ج) دیوار پر چھسروں کی بھسرمار کی اوسط قوت کی متدر کیا ہوگی؟ (د) اگر ہر چھسرا ms 0.60 ms کے لئے دیوار کے ساتھ تسسس مسین رہے، تساسس کے دوران ایک چھسرے کا دیوار پر اوسط قوت کی متدر کیا ہوگی؟ (د) سے قوت حسن دوج مسین تاسش کی گئی قوت سے کیون اتنی مختلف ہے؟

سوال ۱۳۰۵ تو رئی گاڈی کاڈب دانے اٹھنے نے والے برقی زینہ 9 نے بیجے ہے 10 عرف کاڈب درکار تا ہے۔ دیکا گاڈی کے ڈبے مسیس 10 540 kg min مسلس 10 کے ڈبے مسیس 10 540 kg min وفت ارپر رکھنے کے لئے درکار تو میں درکھیا ہے جار گزنظ سرانداز کریں۔)

6d=100 سوال ۱۳۱۳: یکسال موٹائی کے چو کور حپادر سے چھوٹاچو کور حسہ کاٹاحباتا ہے (شکل 82.9)۔ بڑے چو کور کاضلع 0.00 m فی مصدر کرنگ ہے کے مسر کرنگ بیت کا(۱) 0.00 مصدد اور (ب) 0.00 مصدد کسی ہے؟

سوال ۱۲۸. ۳: ساکن ذرے A ، جس کی کیت $0.10 \, \mathrm{kg}$ ہواور B ، جس کی کیت $0.30 \, \mathrm{kg}$ ہواں۔ دو سرے سے $0.30 \, \mathrm{kg}$ مستقل قوت سے دو سرے سے $0.30 \, \mathrm{kg}$ مستقل قوت سے $0.30 \, \mathrm{kg}$ مستقل تو ہوگئ ہیں۔ نظام پر کوئی ہیں دوئی قوت عمس نہیں کرتی۔(۱) اسس وقت نظام سے مسر کز کیت کی رفت ارکسیا ہوگا جو ذروں کے جات دائی مقتام سے کتنے ون اصلے پر ہوگا ؟

ووال ۱۳۹۱. ووزرول کی گر ہوتی ہے۔ ان کی سمتی رفت ار $\vec{v}_1 = (-4.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-5.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i} + (-2.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})\hat{i}$ ورکہ ہیں۔ تصدر میں آب سمیں جوڑ تا ہے۔ ان کی سمتی رفت ار (۱) اکائی سمتی ترقیم روپ مسیں اور (ب) متدر اور (ج) زاویہ کے روپ مسیں کیا ہوگی؟

elevator 19

 $h_1 = 9.0 \, \text{cm}$ ووکروی نظم (شکل 20.9) مسین کره 1 کی کمیت $g = 50 \, \text{g}$ اور ابت دائی بلندی اور کره 2 اور کره 2 کئیت $g = 85 \, \text{g}$ مین ؟ کمیت $g = 85 \, \text{g}$ بین ؟ کمیت $g = 85 \, \text{g}$ بین ؟ کمیت $g = 85 \, \text{g}$ بین ؟ کمیت و را در ابت کری در میروز قیمتین استعال نب کرین ۔)

وال ۱۳۱۱ ت سل 1 بلارگر فنسر ش پر محور x کے ہمسراہ $\sin s^{-1}$ رفتار ہے حسر کت کرتے ہوئے ساکن $0.75 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-1}$ روج ذیل جبدول (یکسال جسامت) سلول کی کمیت ، کمهانی ، اور لحب t=0 پر، اور الحب t=0 پر، الحب t=0 بردوجسی نظام کامسر کر کمیت کہاں ہوگا؟ $t=4.0 \, \mathrm{s}$

روسط $t=0$	لىبائى (cm)	کیت (kg)	<u> </u>
$x = -1.5 \mathrm{m}$	5.0	0.25	1
x = 0	6.0	0.50	2

سوال ۱۳۲۳: ایک جم شبت x محور کے رخ x میں افت میں ہے؛ جم پر کوئی قوت میں ہے؛ جم پر کوئی قوت میں ہے۔ جم کو دوبرابر گلزوں میں تقسیم کر تا ہے، اور کل حسر کی توانائی میں x کا کا اصفاف کر تا ہے۔ اور کل حسر کی توانائی میں x کا کا کا کا میں تقسیم کر تا ہے۔ اور کل حسر کی گیت کی کہ کہ ہے۔ اگل حصہ اپنارخ بر مسترار رکھتا ہے۔ (۱) پچھلے ہے اور (ب) اگلے جے کی رفت الرکھتا ہے؟

سوال ۱۳۳۳. ت ابت دائی طور پر ساکن ہائے ٹر روجن جوہر ہے السیکٹران یک بُعدی کھپ کی تصادم کر تا ہے۔ السیکٹران کی ابت دائی حسر کی توانائی کاکتن فی صد جوہر کو منتقب ہوگا؟ (جوہر کی کیے۔ السیکٹران کے کمیت کی 1840 گئاہے۔)

سوال ۱۳۰۳: ریل گاڑی کا کھسلاڈ ہے، جسس کاوزن N 2415 N ہے، مثبت x محور کے رخ بلار گر x 18.2 x رفت ارسے حسر کرتے مسیں ہے۔ ایک شخص، جسس کاوزن x 915 x ہوائی گور x کے لیان کے شخص محور x کے منفی رخ x منفی رخ x منفی رخ x کے لیان کا کہ رفت ارمین اصاحت کت ابوگا؟

سوال ۱۳۵۳: بے انسان تحقیق حنائی طیارہ (کیت m اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور $v=10.5\,\mathrm{km}\,\mathrm{s}^{-1}$) مشتری (کیت M اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور سورج کے لحیاظ ہے رفت اور سورج کے لحیاظ ہے اور کا کہ طیارہ مشتری کے گرد گھوم کر واپس او شتا ہے۔ سورج کے لحیاظ ہے طیارے کی رفت اراب کیے ہوگی؟ اس عمس کی مختل کی محمد مشتری کی کمیت ہے بہت بہت نیادہ ہے ($M\gg m$) ۔

سوال ۱۳۰۱۳: کی صنعت پر $0.550 \, \mathrm{kg}$ گیند $12.0 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ رفتار سے سیدھیا گر کر شپکی کھیا کر $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کا مثبت رخ کور $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کا مثبت رخ کور $3.00 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ کا مثبت رخ کور کا کا مثبت رخ کور کا کا مثبت رخ کور کی کا مثبت رخ کور کا کا مثبت کی معیار حسر کے بیابی جست کی معیار مشرب کی معیار کی مثبت کی معیار کی کا کہ کا کہ کی کا کہ کی کا کہ کا کہ کی کے کہ کی کا کہ کی کا کہ کی کہ کی کا کہ کی کا کہ کی کا کہ کی کا کہ کی کے کہ کی کہ کی کے کہ کی کا کہ کی کے کہ کی کہ کہ کی کر کر کی کی کہ کر کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کر کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کی کہ کر کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کر کے کہ کر کے کہ کی کہ کر کے کہ کر کر کر کے کہ کر کر کے کہ کر کر کر کے کہ

سوال ۱۳۰۷: ساکن جوہری مسرکزہ xy محددی نظام کے مبدا پر تین ذروں مسین کگڑے ہوتا ہے۔ ذرہ 1 ، جس کی میدا پر تین ذروں مسین کگڑے ہوتا ہے۔ ذرہ 1 ، جس کی کیت $16.7 \times 10^{-27} \,\mathrm{kg}$ ہمبدا ہے $16.7 \times 10^{-27} \,\mathrm{kg}$ کیت $(-8.00 \times 10^6 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$ رفتار ہے۔ دور ہٹتا ہے۔ (۱) اکائی تمتیہ ترقیم کیسے $(-8.00 \times 10^6 \,\mathrm{m \, s^{-1}})$ رفتار ہے۔ دور ہٹتا ہے۔ (۱) اکائی تمتیہ ترقیم

slingshot".

مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت کیا ہوگا۔ اسس کی کیت 11.7 × 11.7 ہے۔ (ب) اسس مسیں تیسرے ذرے کی خطی معیار حسر کت وانائی پیدا ہوتی ہے؟

سوال ۱۳۸۳: زره 1 ، جس کی کمیت g 200 و به اور رفتار $3.0\,\mathrm{m\,s}^{-1}$ اور رفتار $3.0\,\mathrm{m\,s}^{-1}$ کن ذرے سے کیسے کے ساکن ذرے سے کیسے بعدی کراتا ہے۔ اگر تصادم (۱) کمپلی ہواور (ب) کمسل غیب کمپلی ہواؤرہ 1 پر ضرب کی متدر کسیا ہوگی؟

سوال ۱۳۹۳: حیانہ کے ایک صخصر مسیں ضروری پایا گیا کہ جسس وقت حیانہ کے لحیاظ سے طیارے کی رفت ار $100\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ ہو، طیارے کی رفت ار $100\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی رفت از $1000\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ کی اضافی رفت از $1000\,\mathrm{m\,s^{-1}}$

سوال ۱۳۰۱٬۳۰۰ ایک سائن گیند، جس کی کمیت 0.20 kg ہے، کوڈنڈے سے 14 ms دورانے پر N 32 N اوسط قوت کے ساتھ ماراحب تا ہے۔ تصادم کے بعد گیند کی رفت ارکسیا ہو گی؟

باب

<u>گ</u>ھماو

ا بم گھیاوے متغییر

مو• اصر ،

اسس حسے کو پڑھنے کے بعید آیے درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے اگر جم کے تمام ھے ایک محور کے گر دہم وقد م گومسیں، بہ استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے اجسام پر گفتگو کی حبائے گا۔)
 - ۲. حبان پائیں گے کہ اندرونی حوالہ لکسیر اور مقسر رہ بسیرونی حوالہ ککسیر کے پی زاویہ، استوار جم کازاویاتی مصام دیگا۔
 - ۳. ابت دائی اور انتقامی زاویاتی معتام کازاویاتی ہاوے ساتھ تعلی استعال کرپائیں گے۔
 - ۴. اوسط زاوی سستی رفت ار، زاوی ہیا و، اور ہیا و کو در کار دورا نے کا تعباق استعمال کریائیں گے۔
 - ۵. اوسط زاوی اسسراع، زاوی مستی رفت ار مسین تب یلی، اور اسس تب یلی کو در کار دورانیے کا تعساق استعال کر پائیں گے۔
 - ۲. حبان یائیں گے کہ حنلان گھٹری حسر کے مثبت رخ اور گھٹری دار حسر کت منفی رخ ہوگا۔
- 2. زاوی معتام کود تنگ کاتف عسل حبائے ہوئے، کسی بھی لیمے پر لمحاتی زاوی سستی رفت ار اور دومختلف وقت والے ﷺ اوسط زاوی سستی رفت ارتعبین کریائیں گے۔
- ۸. زاوی معتام بالمقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی لیے پر لیستانی زاوی سنستی رفت ار اور دو مختلف و مستوں کے ﷺ اوسط زاوی سنستی رفت ارتصین کریا ئیں گے۔
 - 9. حبان پائیں گے کہ لمحساتی زادی مستی رفت ارکی ت در لمحساتی زادی رفت ارہو گا۔

باب ۲. گھماو

اور دو مختلف وقت کاتف عسل حبائے ہوئے، کسی بھی لمحے پر لمحت تی زاوی اسسراع اور دو مختلف و مستول کے نی اوسط
 زاوی اسسراع تعسین کریا ئیں گے۔

- اا. زادی سنستی رفت ربالمقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی کھیے پر لمحساتی زادی اسسراع اور دو مختلف وقت توں کے نی اوسط زادی اسسراع تقسین کریائیں گے۔
 - ۱۲. وقت کے ساتھ زاوی اسراع تف عسل کا تکمل لے کر جسم کی زاوی سستی رفت ارمسیں تب یلی تغسین کرپائیں گے۔ وقت کے ساتھ زاوی سستی رفت ارتف عسل کا تکمل لے کر جسم کے زاوی معت ام مسیں تب یلی تغسین کرپائیں گے۔

كلب دى تصور

مقسررہ محور، جو محور گھماو کہاتی ہے، کے گرد استوار جہم کا گھماو بیان کرنے کی حناطسر، جہم کے اندر محور کو
 عصودی حوالہ ککسیر مضرض کی حباتی ہے جو جہم کے ساتھ ہم حتدم محور کے گرد گھومتی ہے۔ ایک مقسررہ رخ کے
 ساتھ اسس ککسیر کازادی معتام θ ناپاحبا تا ہے۔ جب θ کی پیسائٹ ریڈیئن مسیں ہو، ذیل ہوگا،

$$\theta = \frac{s}{r}$$
 (ریڈیمن ناپ

جہاں رداسس au کے دائری راہ کا توسی فناصلہ au اور ریڈینن مسین زاویہ au ہے۔

• زاوی کی در حب مسین اور حیکر مسین پیس کشش کاریڈیئن پیس کشش سے تعساق ذیل ہے۔

ريڙينن
$$2\pi=360^\circ=1$$

ایک جیم جو محور گلمب و کے گرد گلوم کر این زاوی معتام $heta_1$ سے تبدیل کر کے $heta_2$ کرے، ذیل زاوی ہٹ او سے گزر تاہے، $\Delta heta = heta_2 - heta_1$

جباں حنلا**نے گھٹڑی گھماوکے لئے طک** مثبت اور گھٹڑی وار گھماوکے لئے منفی ہو گا۔

• اگرجیم Δt دورانی مسین $\Delta \theta$ زادی سٹاو گھوہے، اسس کی اوسط زاوی ستی رفت ارول سے نام ہوگا۔

$$\omega_{ ext{b-1}} = rac{\Delta heta}{\Delta t}$$

جسم کی (لمحاتی) زادی مستی رفت ار ۱۵ زیل ہو گا۔

$$\omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اوسط زاوی سنتی رفتار اوس اور سنتی رفتار سندی دونوں سنتی معتادیر ہیں، جن کا رخ دایاں ہاتھ صاعب ہ دیگا۔ حضاوت گھٹون گھٹون گھٹوں کی وقت اور گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی داوی سنتی رفتار کی وقت در جسم کی زادی رفتار ہوگا۔

ا بم. گھاوے متغیر

ا اگر ω_1 با سے تبدیل ہوکر ω_2 ہو، اسس کا اوسط زاوی میں جم کی زاوی سے تبدیل ہوکر ω_1 ہو، اسس کا اوسط زاوی است رائی اوسط ناوی میں ہوگا۔

$$lpha_{\mathrm{left}} = rac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = rac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جسم کا(لمحاتی)زاویاسسراع α ذیل ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

اور α دونوں معتادیر ہیں۔

طبعیات کیاہے؟

جیب ہم پہلے ذکر کر جیے، طبیعیات کی توجہ کا ایک مسر کز "حسر کیات "ہے۔ تاہم، اب تک ہم صرف متنقیم حرکت کر تا ہے (شکل 10-10)۔ اب ہم متنقیم حرکت کر تا ہے (شکل 10-10)۔ اب ہم گھاویر نظر دڑالتے ہیں، جس مسیں جم کی محور کے گرد گھومت ہے (شکل 1b.10)۔

گھاو تقسر بیباً ہر مشین مسین نظر آتا ہے، اور جب آپ دروازہ کھولتے ہیں آپ اسس کو دیکھتے ہیں۔ کھیل مسین گھاواہم کردار اداکر تا ہے، جیبا گیند کونیادہ دور چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوازیادہ دیر اٹھا کر سسکتی ہے)، اور کر کرئے مسین گیند توسی راہ پر چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوا دائیں یا بائیں دھکسیاتی ہے)۔ گھاو زیادہ اہم مسائل، جیبا عمسر رسیدہ ہوائی جہاز مسین جھی کلسیدی کردار اداکر تا ہے۔

گھاو پر بحث سے قبل، حسر کت مسیں ملوث متغیبرات متعمار نس کرتے ہیں، جیب ہم نے باب 2 مسیں مستقیم حسر کت پر بحث سے قبل کیا۔ ہم و چھتے ہیں کہ گھاو کے متغیبرات عسین باب 2 مسیں یک اُبعدی حسر کت کے متغیبرات کی مسین باب 2 مسیں یک اُبعدی حسر کت کے متغیبرات کی مسیران اور اسراع ہوگا) مستقل ہو۔ ہم دیکھتے ہیں نیوٹن کا دوسراوت عدہ زاوی حسر کت کے لئے بھی لکھا حب سکتا ہے، تاہم اب قوت کی بجب کے ایک فئی مقدار جو قوت مسروڑ کہا تی ہے استعال کرنا ہوگا۔ کام اور کام و حسر کی توانائی مسئلے کا اطالت بھی گھاو حسر کت پر کیا حب سکتا ہے، تاہم کیت کی بجب کے ایک نئی مقدار جو زاوی جود کہ لتی ہے استعال کرنا ہوگا۔ چھی پڑھ جی کھی استعال کرنا ہوگا۔ ہیں اس کا اطالت گھی او حسر کت میں ہوگا، تاہم بھی کھی ارمعمولی تب دلی کی ضرور سے بیش آئے گی۔

انتباہ: اگر حب اسس باب مسین زیادہ تر حق اُق محض دوبارہ پیش کے گئے ہیں، دیکھ سے گئے ہیں، دیکھ اسب وط الب وط الب و النساق کو اسس باب مسین د شواری پیش آتی ہے۔ استذہ کرام اسس کی کئی وجو بات پیش کرتے ہیں جن مسین سے دو پر اتف اَق پایا جب اتا ہے: 1 یہ ان عسلامت کی تعداد بہت زیادہ ہے (جنہیں یونانی حسرون مسین لکھ کر مشکل مسین مسندید اصف نے پیدا ہوتا ہے)، اور 2 آپ خطی حسر کت سے زیادہ واقف ہیں (ای لئے کسرے کے ایک کونے سے دوسرے کونے تک آپ باآپ نی حب سے ہیں)، اسپ کی گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین دوسرے کونے تک آپ باآپ نی حب سے ہیں)، اسپ کی گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین آب تفسری گاہ مسین آب کودشواری ہو، دیکھ میں آبا

باب ۲. گلم و

مسئلے کوبا بے کا کیک بُعدی خطی مسئلہ تصور کرنے آسانی پیدا ہوتی ہے۔ مشاناً ،اگر آپ سے زادی و ن اصلہ معلوم کرنے کو کہا حبائے ، وقت قاطور پر لفظ زادی کو بھول حبائیں اور دیکھیں آیابا ہے کی ترقیم اور تصورات استعال کرئے جواب ساصل کرنا آسان ہوتا ہے۔

گھساوے متغیبہ

ہم مقسررہ محور پر استوار جم کے گھساد پر غور کرنا حیاہتے ہیں۔ استوار جم اسے مسراد وہ جم ہے جس کے ہمام تھے، جم کی سنکل وصور سے تبدیل کیے بغیبر، ہم مسدم گھوم سکتے ہیں۔ مقررہ محمور کھور سے جو حسر کست نہیں کرتی اور جس پر گھوماحب سکتا ہے۔ یول ہم ایے جم پر غور نہیں کریں گے جیسا سورج (جو گیس کا کرہ ہے) جس کے تھے ایک ساتھ حسر کست نہیں کرتے جو نکد اسس کی محور خود حسر کست پذیر ہے (الی حسر کست نہیں کرتے جو نکد اسس کی محور خود حسر کست پذیر ہے (الی کی سب کے حسالا ہے ہے)۔

شکل 2.10مسیں مقسر رہ محور پر ، جو محور گھاو "یا گھاو کی محور کہالاتی ہے ، اختیاری شکل کا استوار جم گھوم رہاہے۔ حنالص گھاو ر (زادی حسر کریں) مسیں ، جم کاہر نقط ایسے دائرہ پر حسر کرتا ہے ، جس کا مسر کز محور گھاہ پر واقع ہے ، اور ہر نقط ک مخصوص و مستق مقد مسیں ایک بتنازاوی بینا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔ نقط کی مخصوص و مستق دورانے مسیں ایک بتنا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔

آئیں باری باری خطی معتادیر معتام، ہٹاو، سسمتی رفت ار، اور اسسراع کے مماثل زاوی معتادیریر غور کرتے ہیں۔

زاوی معتام

سٹکل 2.10 مسیں گھی و کوعہ و دی، جسم کے ساتھ گھو متی، جسم ہے کی جبٹری حوالہ کئی ہے۔ کسی مقسر رہ رخ کے ساتھ، جسس کوہم صفر **زاور کے مقام** مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم مقام مسلم کا زاو**ر مقام** مسلم کے بیٹ مقام مسلم کے بیٹ مقام مسلم کے بیٹ میں درج ذیل ہوگا۔

$$(r_{\cdot l})$$
 $\theta = \frac{s}{r}$ (پیرنیکن ا

یہاں محور X (جوصف رزادی معتام ہے) سے حوالہ ککیسر تک دائری قوسس کی لمبائی 8 ،اور دائرے کار داسس ۲ ہے۔ اسس طسرح تعین کیا گیازاوی، در حب یاحیکر کی بحبائے، ریڈیائی اسسین ناپاحبا تا ہے۔ ریڈیئن دولمبائیوں کی نسبت (تقبایلی تعساق) ہے المباذات ہے بُعد حسالص عدد ہوگا۔ دائرے کا محیط 2 میر کا لمباذا ایک مکسل دائرے مسیں 20

> rigidbody fixedaxis rotationaxis

zeroangularposition^a

angularposition^a radian

ا بم. گھاوے متغیبر

ریڈینن ہوں گے۔

$$(r.r)$$
 $1 = 360^\circ = \frac{2\pi r}{r} = \frac{2\pi r}{r}$ $1 = 360^\circ = \frac{2\pi r}{r}$

يا

$$(r.r)$$
 $(r.r)$ $1 = 57.3^{\circ} = 1$ ریڈین

محور گھے۔ و پر حوالہ ککیے رکی تکمسل حپکر کے بعب ہم heta واپس صف رنہیں کرتے۔ اگر حوالہ ککیے رصف رزاوی معتام ہے ابت داکر کے دو حپکر مکسل کرے، ککیے رکازاوی معتام heta=0 ریڈیئن ہوگا۔

محور x پر حنائص مستقیم حسر کے لئے x(t) ، لیخی مصام بالمقابل وقت، حبانے ہوئے ہم حسر کے پذیر جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصلوم کر سکتے ہیں جنہیں حبانت مقصود ہو۔ ای طسرح، حنائص گھماو کے لئے $\theta(t)$ ، لیخی زاوی مصام بالمقابل وقت، حبائے ہوئے ہم گھومتے جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصلوم کر سکتے ہیں جنہیں حبانت مقصود ہو۔

زاوی ہٹاو

اگر سشکل 3.10 کا جیم محور گلمب و پر سشکل 4.10 کی طسر جگوم کر حوالہ ککسیسر کازاوی معتام θ_1 سے تبدیل کرکے θ_2 کرے، جیم کا زادی ہنے و $\Delta \theta$ ذیل ہوگا۔

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1$$

زادی ہاو کی ہے تعسریف سے صرف استوار جسم بلکہ جسم کے ہر اندرونی ذرہ کے لئے درست ہے۔

گھویال منفی ہیں۔ محور x پر مستقیم حسر کت کی صورت مسیں جسم کا ہٹاو Δx مثبت یا منفی ہو گا، جو، محور پر جسم کی حسر کت کے رخ پر مخصص ہے۔ اس طسر ج، گھماو کی صورت مسیں جسم کا زاوی ہیاو ΔB درج ذیل مت عصدہ کے تحت مثبت بامنی ہوگا۔

ت عده ا. ۴٪ حنلان گسٹری زاوی ہاو مثبت اور گسٹری وار ہاو مثنی ہوگا۔

"گُھٹڑیال مفقی ہیں"کافعتہ ہاسس متاعب دے کویادر کھنے مسیں مدد دے سکتا ہے۔یاد رہے گھٹڑی کے سیکنڈ کی سوئی کاہر متدم آپ کی زندگی کا ٹق ہے۔

آزمائشسا

متسرس اپنے وسطی محور کے گرد گھوم سکتا ہے۔ درج ذیل ابت دائی اور اختتای زادی معتام کی مسرت جوڑیوں مسین کوئسی منفی زادی معتام ہا۔ بیٹرین اختتای 5 – ریڈیئن ۔

باب ۲۰. گلم او

زاوی سستی رفت ار

منسرض کریں ایک جم وقت t_1 پر زاوی معتام θ_1 پر اور وقت t_2 پر زاوی معتام θ_2 پر ہو، جیب ششکل 4.10 مسیں دکھایا گیا ہے۔ ہم t_1 تا t_2 وصتی دورانی Δt مسیں جم کی اوسط زاوی سمتی رفتار کا ایسا کی تعسریف ذیل کرتے ہیں،

$$\omega_{\text{b.s.}} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جباں وقت دورانی کے مسیں زادی ہناو سے کہ جب (زادی سنتی رفت ارکے لئے یونانی حسرون ججی کا، چوٹی تکھائی مسیں ، آمنسری حسرت اومیگا س استعال کیا حبائے گا۔) مساوات ہم مسیں کے مسیرے و مسیر ترین تحدیدی قیمت مسل ہوگی جو کھاتی زاور سمتی رفتار ω (یا مختصراً زاور سمتی رفتار ω) کہناتی ہے۔

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

 $\theta(t)$ معلوم ہو،اسس کا تفسر ق لے کرزاوی سمتی رفت ار $\theta(t)$

چونکہ اسس جسم کے تمام ذرہے ہم متدم ہیں، لہذامساوات ۵.۴ اور مساوات ۲.۴ ناصرف مکسل گھومتے استوار جسم کے بلکہ جسم کے برزرے کے لئے درست ہیں۔ زادی سسمتی رفتار کی عصوی مستعمل اکائی ریڈیئن فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (وحیکر فی منہ ہے۔

تحور x پر مثبت رخ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی مستی رفتار v مثبت جب منفی رخ حسر کت کی صورت مسیں منفی ہوگی۔ ای طسرح محور پر مثبت رخ (حسان شحت گھٹڑی) گھساو کی صورت مسیں استوار جسم کی زاوی مستی رفتار مثبت منفی رخ آب منفی ہوگی۔ ("گھٹڑیاں منفی ہیں"اب بھی درست ہے۔)زاوی مستی رفتار کی میں منفی ہوگی۔ ان کی میں عسامت استعال کریںگے۔
کی صدر ز**اوی رفتا**ر مجمعی اتق ہے۔ ہم زاوی رفتار کے لئے بھی میں عسامت استعال کریںگے۔

زاوی اسسراع

$$\alpha_{\text{\tiny b-yl}} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

averageangularvelocity²

instantaneous angular velocity A

angularspeed

averageangularacceleration'*

۱.۲. گھماو کے متغیر

جباں ی Δω زادی سمتی رفت ارمسیں Δt کے دوران تبدیل ہے۔ لمحاتی زاوی اسراع "(یا مخصد اً زاوی اسراع)، جس کے میں زیادود کچی ہے۔ کے میں زیادود کچی ہے۔ کے میں زیادود کچی کے کہ ہیں۔

$$\alpha = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

مساوات 2.4 اور مساوات 4.7 جم كے ہر ذرے كے لئے درست بيں۔ زاوی اسسراع کی عصومی مستعمل اكائی ریڈیئن فی مسریح مسیکٹر (rad s⁻²) اور حیکر فی مسریع سیکنڈ ہے۔

نمونی سوال ۲۰۰۱ زاوی مقام سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

سنگل 5a.10 میں مت رص اپنے وسطی محور کے گر د گھوم رہاہے۔ مت رص پر حوالہ لکسیسر کازاوی معتام $\theta(t)$ ذیل ہے، جہاں t اور θ بالت رتیب سیکنڈ اور بیڈیئن مسیں ہیں، اور صف رزاوی معتام سنگل مسیں د کھیایا گیاہے۔ θ

$$\theta = -1.00 - 0.600t + 0.250t^2$$

x استعال کر کے مسئلے کو باب دی ہور پر لفظ "زاوی معتام" سے "زاوی" حنارج کر کے اور θ عسلامت کی جگ x استعال کر کے مسئلے کو باب x کو باب x کو باب x کی کیس بعدی حسر کست کے معتام کی مساوات حساصل ہو گا۔)

(۱) مت رص کازادی معتام بالمقابل وقت $t=-3.0\,\mathrm{s}$ تا $t=5.4\,\mathrm{s}$ تا کالادی معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کا درق کا $t=4.0\,\mathrm{s}$ کا میں معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حوالہ

ا.ا. ۴ کلیدی تصور

وت رص کے زاوی معتام سے مسراد اسس پر تھینچی حوالہ ککسیسر کا معتام $\theta(t)$ ہے، جو مساوات $\theta(t)$ دیتی ہے؛ اہلہذا ہم مساوات $\theta(t)$ معتام کرتے ہیں: نتیجہ شکل 5b.10 مسیں پیش ہے۔

حماج: مسترص اور حوالہ لکب رکامت ام کسی مخصوص کمیے پر حن کہ بین نے کے لئے ضروری ہے کہ اسس کمیے پر ہمیں θ معلوم ہو، جومب اوات θ ہمیں کمیے کاوقت ڈالنے سے حساس ہوگا۔ بین θ کے لئے ذیل ہوگا۔

$$heta = -1.00 - (0.600)(-2.0) + (0.250)(-2.0)^2$$

= 1.2 rad = 1.2 rad $\frac{360^{\circ}}{2\pi}$ = 69°

یہ نتیب کہتا ہے کہ فت رض پر موجود حوالہ لکت رلحت $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر صنب رمت م ہے بیشت رخ (حناون یہ نتیب کہتا ہے کہ معت م وجود حوالہ لکت رکا ہے کہ معت م دکھایا گیا ہے۔ گھٹ ری t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م میں معت میں معت م میں معت م میں معت م میں معت میں میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت معت میں میں میں معت میں میں معت میں

instantaneous angular acceleration 11

باب ۲۰. گلماو

0.60 ریڈیئن لینی 0.45 ہو گی (من کہ 5)۔ جس کھے ترسیم محور t سے گزرتی ہے، $0 = \theta$ ہو گااور حوالہ ککسیر لحاتی عسین صف مقتام پر ہو گی (من کہ 2 اور 4)۔

كلي دى تصور

تف عسل کی انتہا قیمت (بہاں کم ہے کم قیمت) معسلوم کرنے کی حن طسر ہم تف عسل کا ایک گنا تفسر ق لے کر صف ر کے برابر رکھتے ہیں۔

 $\theta(t)$ کاایک گناتف رق زیل ہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = -0.600 + 0.500t$$

t کی کم ہے کم قیمت حبانے کے لئے ہم مساوات t مسیں سے t ڈالتے ہیں،جوذیل دیگا۔

$$\theta = \zeta_{x} \dot{x} \dot{y} - .136 \approx -77.9^{\circ}$$
 (ξ_{1}

θ(t) کی کم ہے کم قیمت (مشکل 5b.10 مسیں نشیب) صف رزادی معتام سے متسر ص کی زیادہ سے زیادہ گھٹڑی دار گھما وہے، جو حنا کہ 3 سے بچھ زیادہ ہوگا۔

 $t = 3.0 \, \mathrm{s}$ ترسیم کریں۔ مترص کا خت کہ $t = 6.0 \, \mathrm{s}$ تا کا کریں۔ مترص کا خت کہ اور بت کیں اور بت کیں اور بت کیں ان کھیات پر گھوٹ کا رخی اور بت کیں اور بت کیں اور بت کیں ان کھیات کی کا خیامت کیا ہوگا۔

كلب ي تصور

مساوات ۲۰۱۱ کے تحت زاوی مستی رفت ار ω سے مسراد d heta/dt ہے جو مساوات

۱۰ ۴ دیتی ہے۔ یوں ذیل ہو گا۔

$$(r.11)$$
 $\omega = -0.600 + 0.500t$

اس تف عسل ، $\omega(t)$ ، کی ترسیم مشکل 5c.10 مسیں پیش ہے۔ یہ تف عسل نظی ہے اہلے ذا اسس کی ترسیم ایک سید ھی کئیسر ہے۔ ترسیم کی ڈھسلوان $0.500 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ ہور (بو د کھسایا نہیں گیا) کو ترسیم $-0.600 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$

 $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پربنانے کی حناطب ہم مساوات t^{α} اسین سے قیمت وال کرذیل $t=-2.0\,\mathrm{s}$ کرنان کردیل کرتے ہیں۔

$$\omega = -1.6 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} \qquad (\text{--}1.8)$$

ا ۲۰ گھاو کے متغیر

منفی کی عسلامت کہتی ہے کہ $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر تسبر ص گھٹڑی وار (منفی رخ) گھوم رہاہے (جیب سٹکل 5c.10 مسین دائیں ہاتھ حناکے مسین دکھیایا گیاہے)۔

ماوات ۱۱. γ مین $t = 4.0 \, \mathrm{s}$ ڈال کر ذیل ماصل ہوگا۔

 $\omega = 1.4 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ (__| \mathfrak{F})

مضم مثبت علامت کہتی ہے مترص مثبت رخ (منلاف گھٹری) گھوم رہا ہے (مشکل 5c.10 مسیں دایاں ہاتھ د ۱۰))

 $\omega = 0$ ہوگا۔ بین ω

ریب نواتا جبزوج کے نتائج استعال کر کے $t = -3.0 \, \mathrm{s}$ تا کریں۔ $t = 6.0 \, \mathrm{s}$ تا کریں۔

بیان: جب ہم، 3.0 s = -3.0 پر، مت رص پر پہلی مسرت نظر رڈالتے ہیں، اسس کازاوی معتام مثبت، گھساو گھسٹری وار اور رفت ارمسیں کی دیکھنے کو ملتی ہے۔ یہ 0 = -1.36 و ریڈیٹن پر لمحساتی رکنے کے بعب د حنلان گھسٹری گھسٹری گھسٹری سے گھرمن سشہ رو بارہ بیٹ ہوتا ہے۔ 0 = -1.36 گھومن سشہ رو بارہ بیٹ ہوتا ہے۔

نمونی سوال ۴۰۲ زاوی اسراع سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

ایک بحب الوزیل زاوی اسسراع سے گھسا تا ہے، جبال t اور α بالت رتیب سیکنڈ اور ریڈیئن فی مسریع سیکنڈ مسیں

 $\alpha = 5t^3 - 4t$

heta ریڈیئن ہے۔ heta=0 پراٹو کی زاوی سنتی رفت ارheta=5 rad s $^{-1}$ ، اور حوالہ ککسیسر کازاوی معتام

(۱) گئو کی زاوی سستی رفت از $\omega(t)$ کاریاضی فعت رہ سے صل کریں؛ لینی ایس تف عسل معسلوم کریں جو وقت پر زاوی سستی رفت از کا تخصی ارض کے گزر رہا ہے؛ یوں اسس کی زاوی سستی رفت از کا تخصی ارض کے گزر رہا ہے؛ یوں اسس کی زاوی سستی رفت از تب یہ یل ہوگا۔)

كلب دى تصور

 $\omega(t)$ تعسرینے کے روسے $\omega(t)$ کاومت تی تعسر تنہ ہوگا۔ یول، وقت کے لیاظے $\omega(t)$ کا کھل $\omega(t)$ دیگا۔ عمل وات $\alpha(t)$ کا کہتی ہے میں اوات $\alpha(t)$ کہتی ہے

 $d\omega = \alpha dt$

ا_ ۲. گھماو

للبنذا

$$\int d\omega = \int \alpha \, dt$$

ہو گاجو ذیل کے گی، جہاں C محمل کامتقل ہے۔

$$\omega = \int (5t^3 - 4t) \, dt = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + C$$

 $\omega=5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پر t=0 ہے؛الس معلومات کو درج بالامسیں ڈال کر:

$$5 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} = 0 - 0 + C$$

کمل کامتقل $C = 5 \, \text{rad s}^{-1}$ ساس ہوگا۔ یوں در کارتف عسل ذیل ہوگا۔

$$\omega = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5 \qquad (\text{...})$$

ریں۔ heta(t) کاریاضی فقت رہ تلاکش کریں۔ heta(t)

كلب دى تصور

تعسریف کے روے $\theta(t)$ کاو مستی تعسری $\omega(t)$ ویگا۔ یوں، وقت کے لحی ظے $\omega(t)$ کا تحمل $\omega(t)$ ویگا۔ عمل والے بہ $\omega(t)$ کا تحت :

 $d\theta = \omega dt$

ہو گاجس سے ذیل لکھاحب سکتاہے،

$$\theta = \int \omega \, dt = \int (\frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5) \, dt$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + C'$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + 2 \qquad (\text{---})\text{s})$$

جباں $\theta=2\,\mathrm{rad}$ پر t=0 جبانے ہوئے t=0 کی قیمت ساسل کی گئ

ا بم گھاوے متغیر

كسازاوي معتادير سمتيات بين؟

ہم اکسلے ذرے کامعتام، سمتی رفت ار، اور اسسراع سمتیات ہے ہیان کر سکتے ہیں۔ اگر ذرہ صرف ایک محور پر حسر کت کرتا ہو، سمتی ترقیم استعمال کرناضر ورت نہیں۔ ایسے ذرے کو صرف دورخ دستیاب ہیں جنہیں مثبت اور منفی عسلامت سے ظاہر کیا حیاسکتا ہے۔

ای طسرح استوار جم متائم محور پر ، محور کے ہمسراہ دیکھتے ہوئے، صرف حنلان گھٹڑی اور گھٹڑی وار گھوم سکتا ہے۔ ان رخ کو ہم مثبت اور منفی سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ یہاں ایک سوال اٹھت ہے: "کہیا ہم گھومتے جم کے زاوی ہٹاو، زاوی سستی رفتار، اور زاوی اسسراع کو سمتیات سمجھ سکتے ہیں؟"اسس کاجواب ہے"بی ہال" (زاوی ہٹاوک کئے نیچے پیش انتہاہ ضرور دیکھسیں۔)

 $\frac{1}{2}\log_2 \lambda_0 \frac{1}{2} \frac{1$

زادی معتادیر سمتیات سے ظاہر کرنے کی عبادت مشکل سے ڈلتی ہے۔ ہم فوراً سوچتے ہیں کہ سمتیہ کے ہمسراہ کوئی چینز حسر کست کرے گل۔ بہسر کساں ایسا نہیں ہوگا۔ اسس کے بحبائے کوئی چینز (جیسا استوار جسم) سمتیہ کے رخ کے گرد گھومتی ہے۔ حنائص گھساو کی دنیا مسین، سمتیہ کارخ کسی چینز کی حسر کست کارخ نہیں بلکہ گھساو کی محور دیگا۔ بہسر حسال، سمتیہ حسر کست بھی ان تبسم قواعد کی تعمیل کرتا ہے جو باب 3 مسیں پیشس کیے گئے۔ زادی اسراع کہ بھی ایک سمتہ ہے، اور سے بھی ان قواعد کی تعمیل کرتا ہے۔

اسس باب مسیں صرف مت نئے محور پر گھے و کی بات کی حبائے گا۔ ان مسیں سمتیات استعال کرنے کی ضرورت نہیں؛ ہم زاوی سستی رفت اور گھٹڑی وار شسٹری گھے و مثبت اور گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی کو مثبت ہیں۔

زاوی ہٹاو پہلے انتباہ کی بات کرتے ہیں: زادی ہٹاو (ماسوائے انتہائی چھوٹاہٹاو) کوسمتیے سے ظہر نہیں کیے حب سکتا کیوں نہیں جب سکتا گاں ہوئے جہ لئے کہ سے اسٹکل 1.00 مسین زادی سمتی رفت ارکے لئے کیے اگیے۔ نہیں جہ سمتی ہے ظہر کیے حب نے کے متابل ہونے کے لئے ضروری ہے کہ معتدار سمتی جمع کے قواعد پر پورااتر تی ہو۔ ان قواعد مسین ایک متاب کہ سمتیات جمع کرتے وقت ان کی ترتیب غیسر ضروری ہے۔ زادی ہٹاواس متاعدہ پر پورانہیں ارتا۔

شکل 7.10 مسیں دی گئی مشال پر غور کریں۔ایک کتاب کو، جو ابت دائی طور پر افتی پڑی ہے، دو مسرتب °90 زادی ہٹاوے کے گزارا گیا ہے؛ ایک مسرتب شکل 7a.10 اور دو سسری مسرتب سشکل 7b.10 کی طسرح۔ دونوں مسیں ہٹاو برابر، لسیکن ترتیب ایک نہیں، اور آحنسر مسیں کتاب ایک حبیبی سست بہند نہیں۔ دوسسری مشال ایستے ہیں۔ دایاں با___م. گھساو

ہاتھ لاکا کر ہتھیلی ران پر رکھیں۔ کلائی سخت کر کے، (1) بازو سامنے است اٹھیائیں کہ افقی ہو، (2) اسس کو یورا دائیں لے حبائیں، اور (3)اسس کے بعب ہاتھ واپسس نیچے ران تک لے حبائیں۔ آپ کی ہتھیلی اب سامنے رخ ہو گی۔ اگر آپ یہی عمسل الٹ ترتیب سے دہرائیں، آپ کی ہتھیلی آحنسر مسیں کس رخ ہو گی؟ان مثال سے ہم دیکھتے ہیں کہ زاوی ہٹاو کا مجسوعہ انہیں جمع کرنے کی ترتیب پر منحف رہے، اہنا اسٹاو کوسمتیہ تصور نہیں کے احب اسکتا۔

۲.۲ متقل زاوی اسسراع کا گھیاو

معاصد اسس ھے۔ کوپڑھنے کے بعد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. متقل زادی اسسراع کی صورت مسین زاوی معتام، زادی ہٹاو، زادی سستی رفت ار، زادی اسسراع، اور گزرے دارانے کے تعلق (حبدول ۴۰۱۱) استعال کریائیں گے۔

كليدي تصور

• مستقل زادی اسراع (جس میں α مستقل ہوگا) گھیاد حسر کے کا ایک اہم خصوصی صورت ہے، جس کی محبر دحسر کسات مساوات ذمل ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha (\theta - \theta_0)$$

$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2} (\omega + \omega_0) t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2} \alpha t^2$$

ستقل زاوی اسسراع کا گھمیاو

متنقیم حسر کے مسیں متقل خطی اسراع کی حسر کے (مشلاً، زمسین پر گرتا ہوا جسم)ایک اہم خصوصی صورے ہے۔ حبدول 1.2 مسین اسس طسرح کی حسر کت کومطمئن کرتی مسیاوات پیش کی گئیں۔

حنالص گھماومسیں متنقل زاوی اسراع ایک اہم خصوصی صورت ہے؛اسس کومطمئن کرنے والی مطباقتی مساوات مائی حباتی ہیں۔ ہم انہیں بیباں اخبذ نہیں کری گے، بلکہ مطبابقی خطی مساوات مسیں مساوی زاوی متغبیرات ڈال کر انہ میں پیش کرتے ہیں۔ حبدول ا م مسین مساوات کی دونوں فہسرست (مساوات 11.2 اور مساوات 15.2 تا مساوات 18.2؛ مساوات ۱۲.۲۲ تامساوات ۱۲.۲۸) پیشن کی گئی ہیں۔

بادرے مباوات 11.2 اور مباوات 15.2 متقل خطی اسراع کی بنسادی مباوات ہیں، جن سے فہر سب کی ہاقی تمام مساوات اخسذ کی حباسکتی ہیں۔اسس طسرح،مساوات ۱۲.۴ اور مساوات ۲.۱۳ مستقل زاوی اسسراغ کی بنبادی مبادات ہیں، جن سے زاوی مبادات کی فہسرست کی ماتی تمیام مبادات اخبیذ کی حیاستی ہیں۔ متقل

حبدول ۲۰۰۱ مستقل خطی اسسراغ اور مستقل زاوی اسسراغ کی حسر ک ی مساوات

(r.ir)
$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$
 (2.11)
$$v = v_0 + at$$
 (7.ir)
$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
 (2.15)
$$x - x_0 = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$(r.r) \omega^2 = \omega_0^2 + 2a(\theta - \theta_0) (2.16) v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

(r.12)
$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$
 (2.17) $x - x_0 = \frac{1}{2}(v_0 + v)t$

(7.14)
$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$
 (2.18) $x - x_0 = vt - \frac{1}{2}at^2$

زادی اسراع کا سادہ مسئلہ حسل کرنے کے لئے آپ عصوماً زادی فہسرست سے (اگریہ فہسرست آپ کے پاکس موجود ہو) ایک مساوات استعال کر پائیں گے۔ آپ وہ مساوات منتخب کریں گے جس مسین صرف وہ متنخب عنب معسوم ہوجو آپ کو در کار ہو۔ بہستر طسریق سے ہوگا کہ آپ مساوات ۱۲.۱۲ اور مساوات ۱۳.۱۳ اور مساوات ۱۳.۱۳ اور کس اوات حسل کریں۔

آزمائشس۲

نمونی سوال ۴۰.۳ مستقل زاوی اسراع، عکم کا یا ہے

ناوی t=0 سین پائے متقل زاوی اسراع $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراسس کی زاوی $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراسس کی زاوی $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراسس کی زاوی متنار ناوی $\alpha=0$ ہے۔ $\alpha=0$ ہور اسس پر کھینجی گئی توالہ لکت رکامت ام $\alpha=0$ ہے۔

(۱) وقت t=0ے کتنی دیر بعب دوالہ ککی رزاوی معتام t=0

كليدي تصور

یں ت چونکہ زادی اسراع مستقل ہے لہانہ اہم حبد ول ا.۴سے مساوات چن کتے ہیں۔ ہم مساوات ۳.۱۳

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

کا نتخت ہے اسس لئے کرتے ہیں کہ اسس مسیں صرف ایک متنب ر، t ، نامع اور ہمیں یمی در کارہے۔

باب ۲. گھاو

 $\theta_0=0$ اور $\theta_0=0$ اور $\theta_0=0$ کیتے ہوئے ذیل ہوگا۔

$$10\pi\,\mathrm{rad} = (-4.6\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})t + \frac{1}{2}(0.35\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2})t^2$$

(اکائیوں کے شباہ کی حناطب ہم 5.0 حیکر کو 10π ریڈیٹن مسین تبدیل کرتے ہیں۔)اسس دو درجی الجبرائی مساوات کو حسل کرنے ہے ذیل حساصل ہوگا۔

$$t = 32 \,\mathrm{s}$$

ان ایک بچیب بات پر خور کریں۔ جب ہم پہلی مسرت پاٹ پر نظر ڈالتے ہیں یہ منتی رخ گوم کر $\theta=0$ ست بند معتام ہے گزر تا ہے۔ اسس کے باوجود a=0 بعد ہم اسے a=0 a=0 حپکر مثبت ست بند معتام پر پاتے ہیں۔ اسس دورانے مسین ایسا کیا ہوا کہ پاٹ مثبت ست بند معتام پر ہو سکتا ہے ؟

اور
$$t=32\,\mathrm{s}$$
 اور $t=32\,\mathrm{s}$ اور $t=0$

 $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ ناوی رفت ار بے حسر کت کر تا ہے، $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ تاہم اسس کا زاوی اسراع α مثبت ہونے کی بدولت پائے منفی رخ کے جست میں الی مثبت رخ گومن شروع کر تا ہے۔ حوالہ ککسی رمثبت رخ کو کر گا ہے والہ کک والہ کا باور a کا گا رہے تا کہ مثبت رخ کے مشبت رخ مسندید a کا درنے تا کہ مثبت رہے کہ مثبت رہے کہ دور کے دیکر کا دیکر کے دور کے دیکر کرتے کے دور کے دیکر کا دیکر کے دور کے دیکر کا دیکر کے دور کی کا دیکر کے دیکر کے دیکر کے دیکر کے دیکر کے دور کے دیکر ک

(ج) پائے کس وقت t پر لمحاتی رکتاہے؟

حماہے: ہم دوبارہ زاوی مساوات کی فہسرست پر نظسر ڈالتے ہیں اور ایسی مساوات لین حیات ہیں جس مسیں صون t نامعسلوم متغیسر ہو۔ تاہم، اب مساوات مسیں ω کاہونا بھی ضروری ہے، تا کہ ہم اسس کو 0 لے کر مطابقتی t کے کے حسل کریں۔ ہم مساوات t1. ہم منتخب کرتے ہیں، جوذیل دیگی۔

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{0 - (-4.6 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})}{0.35 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2}} = 13 \,\text{s}$$

نمونی سوال ۴.۴: ممتقل زاوی اسراع، میسے کی سواری

تغسری گاہ مسیں ایک بڑا پہیا حیلاتے ہوئے آپ کی نظسر پہیے پر سوار ایک شخص پر پڑتی ہے جو پریشان نظسر آتا ہے۔ آپ بہی کی زادی سمتی رفتار مسیل کم کر سمیں کم کر سمیل کے ساتھ 3.40 rad s⁻¹ کے ماروں مسیل کم کر کے بہت کی زادی سمیل کرتے ہیں۔ (اسس شخص کو"گلومت شخص"تصور کرنے سے"مستقیم حسر کرتے کی تا شخص "کہنازیادہ بہستر ہوگا۔)
ہوگا۔)

(۱)زاوی سنتی رفت ارکی کی کے دوران متقل زاوی اسراع کیا ہوگی؟

سے کی زادی اسراع مستقل ہے، المبذا ہم اسس کی زادی سمتی رفتار اور زادی ہداو کا تعملق مستقل زادی اسسراع کی مساوات (مساوات ۱۲ ۱۲ مراور مساوات ۱۳ ۲۰ ۲۰) سے حسان کتے ہیں۔

حماہ: آئیں دیکھیں آیا ہم ان بنیادی مسادات کو حسل کریائیں گے۔ ابت دائی زادی سستی رفت ار $\omega=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اورہاوی سے آرنوی ہون اور ہاوی ہے ہورہ کے آسندر پر زاوی سے تار فت ال $\theta-\theta_0=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ = ہے۔ ہم متقل زاوی اسراع α حبانت حیاج ہیں۔ دونوں مساوات میں وقت t پیاحب تا ہے، جس میں ضر وری نہیں ہم دلچیبی رکھتے ہوں۔

نامعلوم t حنارج کرنے کے لئے ہم مساوات tا ہم ا

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha}$$

لکھ کرمپاوات ۱۳ ہمپیں ڈالتے ہیں۔

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right) + \frac{1}{2} \alpha \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right)^2$$

م کے لئے حسل کر کے، دی گئی معسلومات پُر کر کے، اور 20.0 حیکر کو 125.7 rad مسیں بدل کرذیل حساس ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\omega^2 - \omega_0^2}{2(\theta - \theta_0)} = \frac{(2.00 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2 - (3.40 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2}{2(125.7 \,\text{rad})}$$
$$= -0.0301 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2} \qquad (\text{--}1.2)$$

(___)رفت ارکتنے وقت مسیں کم کی گئی؟

 $t = \frac{1}{2}$ حیات میں، میاوات t = t سامسل کیا جا سات ہیں، میاوات t = t

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{2.00 \,\text{rad s}^{-1} - 3.40 \,\text{rad s}^{-1}}{-0.0301 \,\text{rad s}^{-2}}$$
$$= 46.5 \,\text{s} \qquad (-1.8)$$

۳٫۳ خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

مقاصد اسس ھے کویڑھنے کے بعد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

باب ۲. گلماو

ا. ت ائے۔ محور پر گھومتے ہوئے استوار جم کے زاوی متغیبرات (زاوی معتام، زادی سنتی رفت ار، اور زادی اسسراع) کا جم پر ایک ذرب، جو کسی رداسس پر پایا حباتا ہو، کے خطی متغیبرات (معتام، سنتی رفت ار، اور اسسراع) کے ساتھ تعساق حبان یا ئیں گے۔

ممای اسسراع اور ردای اسسراع مسین تمسیز کر پائیں گے، اور کی محور پر گھومتے ہوئے جہم پر موجود ذرے کے لئے بڑھتی زادی رفت ارداور گھٹ تی زادی رفت ارکی صور سے مسین دونوں کے سمتہ بہنایا ئیں گے۔

كليدي تصور

• گونتے جمم پر محور گھماوے عصودی فناصلہ ۲ پرپائے حبانے والا نقطہ، رداسس ۲ کے دائرے پر حسر کت کرتا ہے۔ اگر جمم زاویہ θ کھومے، بیانا توب نقطہ درج ذیل تو ی فناصلہ ۶ طے کریگا، جباں θ ریڈ بین مسین ناپاحبائے گا۔

$$s = \theta r$$
 (ریڈیئن ناپ)

• اسس نقطے کا خطی سمتی رفت ارق وائرے کو ممساس ہو گا؛ نقطے کا خطی رفت ار ذیل ہو گا، جہساں ، جسم اور نقطے کا (ریڈیئن فی سیکنٹر)زادی رفت ارہے۔

$$v = \omega r$$
 (ریزینُناپِ)

 اس نقطے کے خطی اسراع π کے دوجھے ہوں گ؛ایک ممائی حبزواور دوسسراردائی حبزو۔ ممائی حبزوؤیل ہو گا، جباں α جم کے (ریڈیئر) فی مسرع سیکٹر مسیں)زاوی اسراع کی ت درہے۔

$$a_t = \alpha r$$
 (ریڈینن ناپ)

رداسی حبزوذیل ہو گا۔

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$
 (ریڈیمن ناپ)

• اگرید نقط یک داوری حسر کت کرتا ہو، اسس نقطے اور جسم کادوری عسر صب T ذیل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (ریزین ناپ ا

خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

محور گھاو کے گرد دائرے پر متقل خطی رفتار ہ کے ساتھ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی یکسال دائری حسر کت پر حصہ 5.4 مسین غور کسیا گئیا۔ جب استوار جہم کسی محور پر گھومت ہے، جہم کاپر ذرہ اپنے ایک دائرے پر ای محور کے گرد گھومت ہے۔ چونکہ جہم استوار (بلا کچک) ہے، ایسے تمام ذرے ہم صدم حسل کر ایک جستنے وقت مسیل ایک حسل کرتے ہیں؛ ان سب کی زاوی رفتار ہ برابر ہے۔

تاہم، ایک ذرہ جتنا تحورے دور ہوگا، اتن اس کے دائرے کامحیط بڑا ہوگا، لہندا اسس کی خطی رفت ار σ اتنی زیادہ ہوگا۔ گھومنے والے جھولے "اپر ہسٹھ کر آپ اے محسوس کر سکتے ہیں۔ مسر کزے جستنے مناصلے پر بھی آپ ہول، آپ کی زاوی رفت ار σ ایک جتنی ہوگی، تاہم مسر کزے دور ہونے پر آپ کی خطی رفت ار σ بڑھے گی۔

ہم جم پر کی مخصوص نقطے کے خطی متغیبرات s ، v ، اور a اور v ، اور a کا تعباق حبانت ایس متغیبرات کی ان فہرست کا رشتہ مور گھاوے نقطے کے عصودی منتغیبرات کی ان فہرست کا رشتہ مور گھاوے نقطے کے عصودی منتغیبرات کی ان فہرست کا رشتہ مور گھاوے نقطے اور محور گھاوے نج عصودی ککیبر پر ناپا جب کے گا۔ یہ صاصلہ اسس دائرے کا رداس r ہوگا جس پر محور گھاوے گر دنقطے حسر کے کرتا ہے۔

تقتام

اگر استوار جہم پر تھینجی گئی حوالہ لکسے رزاویہ 6 گھوے، محور گھساوے ۴ مناصلے پر موجود جہم کے اندر نقطہ دائری قوسس پر مناصلہ 8 مطے کرے گا، جہاں 8 کی قیسے مساوات ایکادی ہے۔

$$(r.12)$$
 $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ ا

مب وات کا ۲۰۱۲ ہمارا پہلی خطی وزاوی تعلق ہے۔انتباہ: زاوی طلاحی کاناپ ریڈیئن مسیں لاز می ہے چو نکہ درج بالامساوات زاویے کے ریڈیئن مسیں ناپ کی تعسریف ہے۔

رفتار

رداس ۲ کومتقل رکھ کروقت کے ساتھ مساوات ۱۷ ۴ کا تفسرق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}r$$

انتبه:زاوى رفت ارس لازماريدين في سيكندمسين نابي حبائ گار

استوارجم کے بتم اندرونی نقطے ایک زاوی رفت ارس سے گھو سے بین المہذام اوات ۱۸ مہم کہتی ہے زیادہ روائس ۲ پر واقع نقطے کی خطی رفت اربہ یہ بیٹ نظطے کا دائری راہ کو ممائی ہوگ۔ نقطے کی خطی رفت ار ہمیث نقطے کا دائری راہ کو ممائی ہوگ۔ اگر جم کا زاوی رفت ار ۳ بھی مستقل ہو، مساوات ۱۸ مهم کہتی ہے جم کے اندر نقطے کی خطی رفت ار ۳ بھی مستقل ہو گا۔ یوں، جم کے اندر موجود ہر نقط یک سرکت کا دوری عسر سے آگر جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر سے آگر مساوات 35.6 نیل ویت ہے۔

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

merrygoround"

بایس ۲۰. گلمباو

 $2\pi r$ کو اسس میاوات کے تحت، ایک حپکر کے و اصلے $2\pi r$ کو اسس رفت اربے تقسیم کر کے جس سے و اصلہ طے کسیاحب نے ایک حپکر کاوقت حیاصل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (پیٹینن تان تاریخ $T = \frac{2\pi}{\omega}$ (پیٹینن تانین تا

ے معادل مساوات کہتی ہے ایک حیکر کازادی مناصلہ، 2π ریڈیئن،اس زادی رفت ارسے تقسیم کرکے، جس سے زادی و ناصلہ طے کساحیا نے،ایک حیکر کاوقت مسال ہوگا۔

اسسراع

رداک r متقل رکھ کر t کے لیے ناہے میا دات r ایک کا تفسر ق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}r$$

یہاں ہم ایک پیچید گی کا سامن کرتے ہیں۔ مساوات dv/dt فطی اسراع کے صرف اسس مے کو ظل ہم ایک پیچید گی کا صدر تو خطی سمتی رفت او v کی تبدیلی کا ذمہ دار ہے۔ سمتی رفت او v کی طسر تا نظی اسراع کا سے مساق ہوگا۔ ہم اے خطی اسراع کا مہای حبن و a_t کہہ کرذیل کھتے ہیں، جہاں a_t ہے۔

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (ریزیمن ناست)

انتبہہ: مساوات ۴۰۲۲ مسیں زاوی اسسراع α کاریڈ بیٹن ناپ مسیں ہونالازم ہے۔ ساتھ ہی، جیب مساوات 34.4 ہمیں بت انتہہ، مسین زاوی اسسراع $a_r = \frac{v^2}{r}$ ہوگا، جو گا، جو کارخ مسین تب یلی کاذم دار ہوگا۔ مساوات ۱۸۔ $a_r = v$ ڈال کر یہ حب زودرج ذیل کھے حب سکتا

$$(r.rr)$$
 $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (پیزین ارپیتان میران میران ایران میران می

یوں، جیب سشکل 9b.10 مسین دکھیایا گیا ہے، استوار گلومتے جمم پر نقطے کے خطی اسسراع کے عصوماً دو حسنرو ہوں گے۔جب بھی جمم کی زاوی سمتی رفت ارغیب صفسر ہو، ردای اندر کی طسرون کا حسنرو م_عم موجود ہوگا (جو مساوات ۲۳۳ مردی طسرون کا جب زاوی اسسراع غیب رصف رہو۔ دیتی ہے)۔ممسائی حسنرو م_عم کی زادی استراع غیب رصف رہو۔

آزمائشس۳

گوٹ والے جھولے کے علق پر چیو نئی ہیں شخصی ہے۔ اگر اسس نظام (گھومٹ والا جھولا و چیو نئی) کی زادی سنتی ہو، کیا چیو نئی کا (ا) ردای اسسراع اور (ب) ممای اسسراع ہو گا؟ اگر س گھٹ رہی ہو، کیا چیو نئی کا (ج) ردای اسسراع اور (د) ممای اسسراع ہوگا؟

نمونی سوال ۲۰۰۵: تفریح گ**اہ میں ایک بڑے علقہ کی بناوئے** ہمیں ایک بڑاافتی علقہ، جس کارداس س 33.1 m ہوگا، بننے کو کہبا گیاہے جوانتصابی دھسرے پر جیلے گا۔ (پ جبین مسیں موجود دنیا کے سب ہے بڑے پہتے جتنا ہوگا۔) موار کے بیسرونی دیوار مسیں موجود دروازے ہو t=0 مار کے ساتھ کھٹرے ہوں گے (شکل 10a.10)۔ کے پیر جوالہ ککیسر کازاوی معتام $\theta(t)$ گھے۔ t=0 کے بیسر کازاوی معتام t=0 کے بیسر کازاوی معتام t=0 کے بیسر کازاوی معتام t=0 کے بیسر کازور تی ہے، جہاں t=0 میں معتام کے بیسر کانور تی ہے، جہاں t=0 میں معتام کے بیسر کانور تی ہے، جہاں معتام کے بیسر کانور تی ہے، جہاں کے بیسر کی بیسر کانور تی ہے، جہاں کے بیسر کی بیسر کی بیسر کی بیسر کے بیسر کی بیسر کی بیسر کی بیسر کے بیسر کی بیسر

$$\theta = ct^3$$

لحبہ $z=2.30\,\mathrm{s}$ کے بعب جھولنے کے پھیے را کمسل ہونے تک زادی رفت ارمستقل رکھی جبائے گی۔ گھومن شروع میں بھی ہونے کے بعب رسٹ ہونے کی لیسکن وہ گرے گانہیں؛ بلکہ وہ دیوار کے ساتھ مفبوطی سے جبکڑا ہونے کے بعب رسٹ ہونا کی دفت اور کے باوی اسراع ہے ، ممای اسراع کے بین میں ہونے کی اسراع ہے ، اور اسراع ہے ، اور اسراع z=1 کا مش کرتے ہیں۔

كلي دى تصور

(1) مساوات T راوی رفتار w و بی ہے۔ (2) مساوات T (دائری راہ پر) خطی رفتار T اور (کور گھساو کے گرد) راوی رفتار T کا تعلق T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (4) مساوات T و بی ہے۔ (5) مساوات T و بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی میں عصوری حسنو ہیں۔

حماج: آئیں ان افت دام ہے گزریں۔ دیے گئے زاوی معتام تف عسل کاو متنی تفسر ت لے کر 2.20 s پُر کر کے زاوی سنتی رفت ارمعیاد م کرتے ہیں۔

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} = \frac{d}{dt}(ct^3) = 3ct^2$$

$$= 3(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})^2$$

$$= 0.928\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{--}1.6)$$

مساوات ۱۸.۱۸س کمچ کی ذیل خطی رفت ار دیگی۔

$$v = \omega r = 3ct^2 r$$

$$= 3(6.39 \times 10^{-2} \, \text{rad s}^{-3})(2.20 \, \text{s})^2 (33.1 \, \text{m})$$

$$= 30.7 \, \text{m s}^{-1} \qquad (\text{---})\text{s})$$

اگر حیب سے رفت ار (111 km h⁻¹) تیبز ہے، الی رفت ار تفسری گاہوں مسیں عسام ہیں، اور خطسرے کا باعث نہیں ؛ (جیب باب 2 مسین ذکر کیا گیا) ہمارا جم اسراع کورد عمسل کرتا ہے، خطی رفت ارکو نہیں (ہم رفت ارپیسا نہیں) مسرعت پیسا ہیں)۔ مساوات ۲۲ ہم کہتی ہے خطی رفت ار، وقت کے مسریع کے ساتھ بڑھے گی (تاہم سے اصاف سے 2.20 s

باب ۲۰. گھماو

اسس کے بعب د، مساوات ۲۵٪ مکاوقت تفسر ق لے کر زاوی اسسراع معسلوم کرتے ہیں۔

اب مساوات ۴۰۲۲مماسی اسسراع ویگی:

$$a_t = \alpha r = 6ctr$$

$$= 6(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})(33.1\,\mathrm{m})$$

$$= 27.91 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \approx 27.9 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \qquad (-1.5)$$

جو 2.8g ، جہاں $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-2}}$ برابر ہے (جو مناسب ہے اور پُر اطف ہوگا)۔ مساوات $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-3}}$ مما تی اسراع اقت کے ساتھ بڑھ رہا ہے (تاہم سے اضاف $t=2.30\,\mathrm{s}$ پر رک حبائے گا)۔ مساوات $t=2.30\,\mathrm{s}$ ہما تی اسراع کھتے کر:

$$a_r = \omega^2 r$$

 $\omega = 3ct^2$ والمسترابي $\omega = 3ct^2$

$$a_r = (3ct^2)^2 r = 9c^2t^4 r$$

$$= 9(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})^2 (2.20 \, \mathrm{s})^4 (33.1 \, \mathrm{m})$$

$$= 28.49 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \approx 28.5 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{--}i\text{-$$

جو 2.9g دیت ہے (ب بھی من سب ہے اور پُر لطف ہوگا)۔

ردای اور ممای اسسراع ایک دوسسرے کو عصودی میں اور سوار کے اسسراع تھ کے حسنرو میں (شکل 10b.10)۔اسسراع تھ کی تعدر ذیل ہوگی: تھ کی تعدر ذیل ہوگی:

$$\begin{array}{c} a = \sqrt{a_r^2 + a_t^2} \\ \\ = \sqrt{(28.49\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2 + (27.91\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2} \\ \\ \approx 39.9\,\mathrm{m\,s^{-2}} \quad (\cup{...}) \end{array}$$

جو 4.1g کے برابر ہے (یہ یقیناً پُر لطف ہوگ!)۔ یہ تمام معتاد پر مناسب ہیں۔ اسراع تھ کی سمت بندی حبانے کے لئے ہم زاویہ θ معلوم کرتے ہیں (مشکل 10b.10)۔

$$\tan \theta = \frac{a_t}{a_r}$$

ہم ہم گھماو کی حسیر کی توانائی 19

آئیں اعبدادی نتائج کے کرنے کی بحبائے ہم مساوات ۲۷.۳۸ اور مساوات ۴۸.۲۸ کے الجبرائی نتائج استعال کرتے ہیں۔

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{6ctr}{9c^2t^4r}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{2}{3ct^3}\right)$$

ریاضی نتیج کابڑافٹ کدہ ہے ہے کہ ہم اب دیکھ سکتے ہیں کہ (1)زاویے پر رداسس کا کوئی اثر نہیں ہو گااور (2)اسس کی قیمت t کی تیت 0 تا 2.20 ہڑھانے سے گھٹتی ہے۔ ردای اسراع (جو t^4 یر منحصر ہے) بہت جلد ممای اسراع (جو مرنے $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔ $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔

$$\theta = \tan^{-1} \frac{2}{3(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})(2.20 \, \mathrm{s})^3} = 44.4^\circ \qquad (\text{...})$$

س. سم مستحمهاو کی حسر کی توانائی

مقاصد اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. ذرے کا گھمیے ری جمود نقطے پر تلاسٹ کریائیں گے۔

۲. و انک محور کے گرد گھومتے ہوئے متعبد د ذرول کا کل گھمپ ری جمود تلاسٹس کرمائیں گے۔

س. گھمپ ری جمود اور زاوی رفت ارکی صورت مسیں جسم کی گھمپ ری حسر کی توانائی تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• تائب محور پر گھومتے استوار جسم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2$$
 (پیٹین ناپ (ریٹین ناپ)

جب ال I جم کا گھیسری جمود کہ الاتاہے، جس کی تعسریف انفٹ رادی ذروں کے نظام کے لئے درج ذیل ہے۔

$$I = \sum m_i r_i^2$$

گھياو کي حسير کي توانائي

مینز آرا کا تیبزی ہے گومت دھے ر دار پیسل یقیناً گومنے کی بن حسر کی توانائی رکھتا ہے۔ ہم اسس توانائی کو کسس طسرح بیان کر کتے ہیں؟ ہم توانائی کے عصومی کلیہ $K=rac{1}{2}mv^2$ سے پورے آرا کی حسر کی توانائی حسال نہیں کر سکتے چونکہ ے آرے کے مسر کز کمت کی حسر کی توانائی دیگا،جو صف رہے۔ ۹۰ پاپ۲.گهماو

اسس کے بحبائے، مسینز آرا (اور کسی بھی دوسسرے گھومتے استوار جمم) کو ہم مختلف رفت ارسے حسر کت کرتے ذروں کا محبسوعی تصور کرتے ہیں۔ ان ذروں کی انفسسرادی حسر کی توانائی حساسل کی حباسکتی ہے۔ یوں گھومتے جم کی حسر کی توانائی ذیل ہوگی،

$$K=rac{1}{2}m_1v_1^2+rac{1}{2}m_2v_2^2+rac{1}{2}m_3v_3^2+\cdots \ =\sumrac{1}{2}m_iv_i^2$$

جہاں i ویں ذرے کی کمیت m_i اور رفتار v_i ہے۔ محبموعہ جسم کے تمام ذروں پر لیاحبائے گا۔

م اوات ۲۰۳۱ مسیں مشکل ہے ہے کہ ہر ذرے کی رفتار دوسرے سے مختلف ہو سکتی ہے۔ اسس مشکل ہے بیجنے کی دفتار دوسرے سے متعلق ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔ حناطب ہم مساوات ۱۸۰۸ء سے ۳۰ ال کر ذیل کھتے ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔

(r.rr)
$$K = \sum \frac{1}{2} m_i (\omega r_i)^2 = \frac{1}{2} \Big(\sum m_i r_i^2 \Big) \omega^2$$

$$I = \sum m_i r_i^2$$
 (گھیے دی جمود) آھیے دی جمود)

مساوات ۳۳۲ مسیں ڈال کر مطباوی تعساق:

حاصل کرتے ہیں۔ چونکہ $v = \omega r$ استعمال کرکے درج بالا تعساق حیاصل کرتے ہیں۔ چونکہ $v = \omega r$ کی قیمت ریڈیئن ناپ مسین کھنی ضروری ہے۔ جو دی معیار از z کی اکائی کلوگر ام مسرع مسیر z

طریقہ کار۔ اگر جہم چند ذروں پر مشتل ہو، ہم ہر ذرے کی انفسرادی حسر کی توانائی mr² تلاسش کر کے تمام کا محبموعہ، مساوات ۳۳۳ کی طسرح، لے کر جہم کا کل تھمیسری جود I معسلوم کر سکتے ہیں۔ جہم کی کل تھمیسری حسر کی توانائی حبائے کے لئے معسلوم شدہ I کو مساوات ۳۳۴ مسیں ڈالٹ ہوگا۔ چند ذروں کے لئے سے طسریقہ کار استعال کیا

rotationalinertia"

momento finartia

۰.۵. هميري جمود کاحب ب

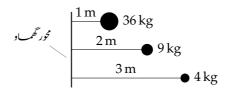
حبائے گا؛ اگر جہم مسین ذروں کی تعداد بہت زیادہ ہو (جیسا ایک سیاخ مسین ہوگا) تب کسیا ہو گا؟ اگلے ھے مسین ہم اسس فتم کے استمرادی اجبام کونپٹنا سسکیصیں گے؛ فسکر مت کریں، نتائج مسنٹوں مسین حساسل ہوں گے۔

مساوات ۱۳۳۳ بو منالع گھماوی صورت مسیں استوار جسم کی حسر کی توانائی $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ دیتی ہے، منالع مستقیم حسر کرست کی صورت مسیں حسر کی توانائی کلی ہے میں $K = \frac{1}{2}Mv^2$ کی کرزاوی معدادل ہے۔ دونوں کلیوں مسیں M جب کہ دوسرے مسیں M الجب کلیہ مسیں کمیت اور کمیت کی مسیم دونوں شامل ہیں) پایا جب اتا ہے۔ ایک کلیہ میں دونوں کلیوں مسیں دفتار کا مسر تع پایا جب تاہم اور کمیت کی دوسرے مسیں زفتار کا مسر تع پایا جب تاہم اور کی توانائی ہے، تاہم مسیل دونوں صورت ایت آئی گئی ہے۔ مسیم مسئلہ دکھے کر موزوں صورت ایت آئی گئی ہے۔

ہم پہلے کہہ چپے ہیں کہ گلومتے جم کا گلمیہ ہی جمود ناصر ف کمیہ کمیہ کیہ ہے۔ کی تقسیم پر بھی منحصسر ہوگا۔ آئیں ایک ایک مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لجی اور بھاری سان نے، پہلے طولی محور پر (شکل 11a.10) مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لجی اور اسکل 11b.10 گلمی میں۔ دونوں صور توں مسیں کمیہ ۔ اور اسس کے بعد وسطی نقطہ ہے گزرتی اور سان کو عصوری محور پر (شکل 11b.10 گلمی میں کمیہ کور گلمیا و کے زیادہ ایک جب کی صورت مسیں کمیہ کور گلمیا ہوگا۔ پہلی صورت مسیں کمیہ کور گلمیا ہوگا۔ پہلی صورت مسیں کمیہ کور گلمیہ کور شکل 11a.10 ہوگا جس کی بدولت شکل 11a.10 مسیں گلمیہ نازیادہ آسان ہوگا۔ کم گلمیہ کی مورت مسیں گلمیان یادہ آسان ہوگا۔

آزمائشس

تین کرہ انتصابی محورے گرد گھومتے شکل مسیں د کھائے گئے ہیں۔ ہر کمیت کے مسر کزے محور تکے عصودی مناصلہ بھی دیا گیاہے۔اسس محور پر گھیسے ری جمود کے لیے نامے کمسیتوں کی درجبہ بندی کریں۔ زیادہ قیمت اول رکھسیں۔



۵.۷ محميري جمود کاحباب

مقاصد

اس مے کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ان اجام کا گھیےری جمود معلوم کریائیں گے جو جبدول 1.10میں دیے گئے ہیں۔
 - ۲. جسم کے تمسیق کلاوں پر تکمل لے کر جسم کا گھسے ری جود تلاسٹ کریائیں گے۔

باب ۲. گھماو

۳. جم کے مسر کز کی<u>۔۔</u> ہے گزرتی محور گھساوے ہیں۔ کر متوازی محور کے لئے متوازی محور مسئلے کااطلاق کرپائیں گے۔ ک**کیدی تصورات**ے

انفٹ رادی ذرول پر مشتمل جسم کے گھمیے ری جمود کی تعسریف:

$$I=\sum m_i r_i^2$$
 اور جس جم میں کمیت کی تقسیم استمراری ہوذیل ہے۔ $I=\int r^2\,\mathrm{d}m$

انف سرادی ذرے کا محور گھماوے عصودی ف اصلہ r_i ہے۔ ای طسر تکمل مسیں کمیت کے تکڑے کا محور گھماوے عصودی ف اصلہ r ہے اور تکمل پورے جم پر لیا حباتا ہے تا کہ کمیت کے تمام تکڑے شامل کیے حسودی ف اصلہ r ہے اور تکمل پورے جم پر لیا حباتا ہے تا کہ کمیت کے تمام تکڑے شامل کے حسائیں۔

• کی بھی محور پر جم کے گھمیے ری جود I اور مسر کز کمیت سے گزرتی متوازی محور پرای جم کے گھمیے ری جود کا تعلق:

$$I = I_{\underline{}} + Mh^2$$

مسئلہ متوازی محور دیت ہے۔ دو محوروں کے نی عسبودی مناصلہ h ہے، اور مسرکز کیت سے گزرتی محور گھساوپر جم کا گھسیسری جمود سے رکز کیت سے گزرتی محور گھساوسے جتنادور اصل محور گھساوہ ہے۔ مسرکز کمیت سے گزرتی محور گھساوسے جتنادور اصل محور گھساوہ ہے۔ وہ مناصلہ تصور کر سے تیں۔

گھمپ ری جمود کاحسا __

چند ذروں پر مشتل استوار جم کا گھیے ہیں۔ بھود، کور گھیا و پر ، مساوات $m_i r_i^2$ ($I = \sum m_i r_i^2$) دیتی ہے؛ بیل ہم ہر ذرک کا سموں کر کے تمام کا محبوعہ لیتے ہیں۔ (یادر کھیں کہ محور گھیا وے ذرے کا عصودی فناصلہ r ہوگا۔) اگر جم متریب فتسریب فتریب انتہائی زیادہ ذروں پر مشتل ہو (جم استراری ہوگا)، مساوات $m_i r_i^2$ کا استعال بہت لمب کام ہوگا جس کے لئے کمپیوٹر در کار ہوگا۔ بہتر ہے ہوگا، ہم مساوات $m_i r_i^2$ محبوعہ کی جگھے تکمل لے کر گھیے ہی جود کی تقسیری جمود کی تقسیری جود کی تقسیری جود کی تقسیری جود کی تقسیر نے دل کریں۔

$$I=\int r^2\,\mathrm{d} m$$
 (۴.۳۵) $I=\int r^2\,\mathrm{d} m$ (۴.۳۵)

حبدول 2.10 مسیں عسام سشکل وصورت کے نواجسام کے لئے ، تکمل کے نستانج پیش کیے گئے ہیں اور مستمل محور گھساو کی نشاندہ ی کی گئی ہے۔ ۵. ۴. گھسپەرى جود كاحباب

مسئله متوازي محور

فسنسرض کریں ہم دی گئی محور گھاو پر ایک جمم کا، جس کی کیت M ہو، گھیسری مجود I حبانت حہاہتے ہیں۔ یقیاً، ہم مساوات M ہو کمل ہے I حساس کر سکتے ہیں۔ تاہم، جم کے مسر کز کیت ہے گزرتی ایک محور گھاو، جو دی گئی محور کے متوازی ہو، پر گھیسری مجود M جا حبانتے ہوئے، ایک آسان راستہ اختیار کیا جب سکتا ہے۔ مسر کز کیت سے گزرتی محور گھیسوں محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محور آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور کے فی محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور پر گھیسری مجود M دی گئی محور کے گئی محود کی فی مصورت مسین کی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں)

$$I=I_{\underline{\hspace{1cm}}}+Mh^2$$
 (مسئلہ متوازی گور) استکاہ متوازی گور)

یوں تصور کریں جیسا مسر کز کمیت ہے گزرتی محور گھساو کو دور ہٹا کر h مناصلے پر رکھسا گسیا ہے۔ ہے۔ مساوات ممئلہ م**توازی محور ⁶ا**م سابق ہے۔

مسئله متوازي محور كاثبوي

سشکل 12.10 مسیں افتیاری مشکل و صورت جم کا، جس کا مسر کز کمیت O ہے، عسودی ترامش دکھایا گیا ہے۔ محمد دی نظام کامبدا O پر کھسیں۔ شکل کے مستوی کو عسودی، O سے گزرتی، ایک محور لیں؛ اسس محور کو متوازی، نقط۔ P سے گزرتی، دوسری محورلیں۔ نقط۔ P کے محمد a اور b ہیں۔

ونسرض کریں کسی عصوبی محدد x اور y پر dm کمیت کا چھوٹا کھڑا ہے۔ نقطہ P پر محور کے لحاظ سے جسم کا گھمیسر ہی جود مساوات x ہم کے تحت ذیل ہوگا،

$$I = \int r^2 dm = \int [(x - a)^2 + (y - b)^2] dm$$

جس کوترتیب نوکے بعب دنیل لکھا حب سکتاہے۔

(r.r.2)
$$I = \int (x^2 + y^2) \, dm - 2a \int x \, dm - 2b \int y \, dm + \int (a^2 + b^2) \, dm$$

اُزما^{کث}س۵

شکل ؟? میں کتاب کی طسرح جیم (جس کاایک ضلع دوسرے سے لیب ہے) اور جیم کے رخ کو عصودی حیار ممکنہ محور گھیاد کا گھیاری جمود کے لحساظ ہا تھی اول رکھ کر،ان محور کی در حیب بسندی کریں۔ ا

parallelaxistheorem 12

اب ۲. گھاو

نمونی سوال ۲.۴: دو ذروی جیم کا گھمیری جمود

شکل 13a.10 مسیں کمیت میں کے دو ذروں پر مشتمل استوار جم و کھایا گیا ہے۔ متابل نظر انداز کمیت کا سلاخ، جس کی لمبائی کما ہے کمسیتوں کے فٹا گائے۔

(۱) سلاخ کو عصودی، جہم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور گلمباو (جیبا شکل مسیں د کھسایا گیاہے) پر جہم کا گلمب ری جود کسیاہو گا؟

كلب دى تصور

جہم صرف دوزروں پر (جن کی کیے ہے) مشتل ہے، اہلہٰ اہم تکل کے بحبائے مساوات ۱۳۳ ستمال کرکے تھمسیری جمود ہے جبہ یہ ۔ I تلاسش کر سکتے ہیں۔ ہم الفنسرادی کمیت کا تھمسیری جمود تلاسش کر کے دونوں کامحب عوے لیں گے۔

 $= \frac{1}{2} L$ حمود فی است $= \frac{1}{2} L$ حمود فی است $= \frac{1}{2} L$ حمود فی است و کار می جود فی است و کار می می می می می می می کار کار می کار

$$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = (m)(\frac{1}{2}L)^{2} + (m)(\frac{1}{2}L)^{2}$$
$$= \frac{1}{2}mL^{2} \qquad (\text{...})$$

(ب) پہلی محور کو متوازی، سال نے کے بائیں سرے گزرتی، محور گھماو (شکل 13b.10) پر جم کا گھمیے ری جمو د کیا ہوگا؟

کلیدی تصورات

ا تنی آسان صورت مسیں I باآسانی دونوں طسریقوں سے معسلوم کیا حب سکتا ہے۔ پہلا طسریقہ حبزوا کی طسرت ہے۔ دوسسرا، زیادہ طباقت تور طسریقہ مسئلہ متوازی محوراستعال کرتاہے۔

پہلا طریقہ: ہم حبزوا کی طسرت I معلوم کرتے ہیں، تاہم اب سلاخ کے بائیں سسر پر موجود ذرے کا r_i صف راور دائیں سسر پر ذرے کا L ہوگا۔ سسر پر ذرے کا L ہوگا۔ سسر پر ذرے کا L

دوسرا طریقہ: ہم مسر کز کیسے ہے گزرتی محور گھاوپر جم کا گھیسری جود حبائے ہیں اور دوسسرا محور مسر کز کیسے ہے گزرتی محور کو متوازی ہے اللہ متوازی محور (مساوات ۳۳،۳) بروئے کارلایاحب اسکتا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$I = I \underline{\qquad} + Mh^2 = \frac{1}{2}mL^2 + (2m)(\frac{1}{2}L)^2$$
$$= mL^2 \qquad (\underline{\qquad})$$

П

نمونی سوال ۲۰۰۷: یکمال سلاخ کا گھمیری جمود با تنکل کیت M اورلمب کی کم کیک ان سلاخ نحور X پریون رکھ آئیے ہے کہ سلاخ کاوسط مبدا پر ہو (شکل 14.10)۔ (۱) سلاخ کے وسط بر، سیان کوعب ودی محور گھمیاو بر سیان کا گھمیسری جود کساہوگا؟ ۹۵ جميري جمود کاحب ب

کلی دی تصورات

(1) سان انتهائی زیادہ ذروں پر ،جو محور گھماوے انتهائی زیادہ تعداد کے مختلف مناصلوں پر موجود ہیں، مشتل ہے۔ ہم ہر ذرے کا انفنسرادی گھمیسری جود ہر گز معلوم نہیں کرنا حیاہتے۔ (ہم اپنی باقی تمام زندگی اسس کام مسیں گزار سکتے ہیں۔) البندا، ہم محور گھمادے ہود کا عسومی الجبرائی فعصرہ: dm کے لئے گھمیسری جود کا عسومی الجبرائی فعصرہ کا مکمل لے کر کھتے ہیں۔(2) ایک ایک کرے تمام چھوٹے مصوں کے گھمیسری جود جمع کرنے کے بحب کے ، ہم اسس فعصرے کا ممل لے کر محبوعہ معلوم کرتے ہیں۔ مساوات ۲۳۵ سے ذیل کھا سے باتا ہے۔

$$(r,r) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

(3) سلاخ یک ال ہے اور محور گھاوعتین مسر کز کمیت سے گزر تاہے،البذاہم گھمیسری جمود م_{سرکز کمی}سیا معلوم کررہے ہیں۔

حماج: ہم محدد x = 2 کے اور سے محمل مساسل کرنا جہتے ہیں (ناکہ کمیت m = 2 کے اور سے محمل کہتا ہے)، الہذا کمیت کے مگڑے dx کا سال خ کے ہمسراہ لمبائی dx کے ساتھ رشتہ در کار ہوگا۔ (مشکل 14.10 مسیں ایک ایک کاراد کھیایا گیا ہے۔) سال خ کمیاں ہے، الہذا تاہم مگڑوں کی کمیت اور لمبائی کی نبیت برابر ہوگا۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}x} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{M}{L} \frac{\partial u}{\partial x} \frac{\partial u}{\partial x}$$

 $\mathrm{d}m = \frac{M}{I}\,\mathrm{d}x$

ماوات r مسین r کی جگ x اور dm کی جگ درج بالا نتیج وال کر، سلاخ کے ایک سرے دو سرے دو سرے دو سرت x تاریخی $x = -\frac{L}{2}$ تا $x = -\frac{L}{2}$ تاریخی کیت کے تمام کلڑے شامسل کرتے ہیں۔ یون دیل مات ہے۔

$$I = \int_{x=-L/2}^{x=+L/2} x^2 \left(\frac{M}{L}\right) dx$$

$$= \frac{M}{3L} \left[x^3\right]_{-L/2}^{L/2} = \frac{M}{3L} \left[\left(\frac{L}{2}\right)^3 - \left(-\frac{L}{2}\right)^3\right]$$

$$= \frac{1}{12} M L^2 \qquad (\text{12})$$

(ب) ایک نی محور گھے ویر، جو سال نے کہائیں سے گزرتی اور سال نے کوعہودی ہے، سال نے کا گھمیے ری جمود کیا ہوگا؟

کلیدی تصورات

جم محور x کامبداسلاخ کے بائیں سے پر منتقبل کرکے تکمل x=L تا x=0 کا معلوم کر سے ہیں۔ تاہم، ہم زیادہ آسان اور طب نست ور مسئلہ متوازی محور (مساوات ۴.۳۳) استعمال کرتے ہیں، جس مسیں محور گھساوی کی سمت بندی تسب میل کیے بغیب رائے دوسسری جگ شخصال کرتے ہیں۔ تسب میل کیے بغیب رائے دوسسری جگ شخصال کرتے ہیں۔

باب ۲. گھماو

$$I = I_{1} + Mh^2 = \frac{1}{2}ML^2 + (M)(\frac{1}{2}L)^2$$

= $\frac{1}{3}ML^2$ (...)

در حقیقے۔ ، ب متیب سلاخ کے بائیں یا دائیں سے رپر ہر ، سلاخ کو عصودی، محور گھساوکے لئے درست ہے۔

نمونی سوال ۴۰۸ گھمیری جمودی توانائی؛ چکری رکھ

مثین کے بڑے حصول کا، جو لیے عسر صبہ تینز رفت اربے حیکر کاٹے ہوں، معیائٹ حیکری پر کھ کے نظام مسین کرنا ضروری ہے۔ اسس نظام مسین، فولادی بسیان کے اندر، جس کی اندرونی حبائب سید کی اینٹین نصب ہوں، مشین کے جھے کو مخصوص حیکری رفت ارتک (جسس پر جھے کو پر کھنا مقصود ہو) لایا حباتا ہے۔ اسس دوران بسیان کامن فولادی ڈھکن سے بندر کھیا حساس کے نکڑے سید کی حباتا ہے۔ اگر مشین کاحصہ مطلوب حیکری رفت اربرداشت نے کرتے ہوئے ٹوٹ حبائے، اسس کے نکڑے سید کی ملائم ایسٹوں مسیں دھنس کر مخفوظ ہوں گے، جن کامعیائٹ بعید مسین کرنا مسکن ہوگا۔

اس دھاکے مسیں کتنی توانائی منارج کی گئی؟

كلي دى تصور

حنارج توانائی 14000 حیکرفی منٹ پرمدور کی تھمیسری حسر کی توانائی K کے برابر ہوگا۔

 $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ توانس سے پہلے مدور کا گھیسری کی جہانہ: ہم مساوات $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ کی قیست $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ تواند کی اس سے پہلے مدور کا گھیسری جود دب ول 2c.10 کے تحت $K = \frac{1}{2}MR^2$ بھولا۔

$$I = \frac{1}{2}MR^2 = \frac{1}{2}(272 \,\mathrm{kg})(0.38 \,\mathrm{m})^2 = 19.64 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2$$

testengineer

۲٫۸ قوی سروژ

مدور کی زاوی رفت ار، ریڈیئن ناپ میں حاصل کرتے ہیں۔

یوں مساوات ۴۲٬۳۴۸ کے تحت حنارج توانائی ذیل ہے (جوبہت بڑی مقدارہے)۔

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(19.64 \text{ kg m}^2)(1.466 \times 10^3 \text{ rad s}^{-1})^2$$

= $2.1 \times 10^7 \text{ J}$ (—1.3)

۲.۶ تو___مسرور ا

اسس مھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ جمم پر قوت مسروڑ مسیں قوت اور، محور گھماوے قوت کے نقطہ اطلاق تک کا، تعسین گرسمتیہ ٹ مسل ہیں۔
- ۲. (۱) تعسین گرسمتیہ اور سمتیہ قوت کے گازاویے کی مدد ہے، (ب) خط عمسل اور قوت کے معیار اثر کے بازو کی مدد ہے، اور (ج)
 تعسین گرسمتیہ کو قوت کے عسود کی حب زو کی مدد ہے قوت مسروڑ تلاسٹ کریائیں گے۔
 - ٣. حبان پائيں گے كه قوت مسرور حبانے كے لئے محور گھاوحبانالازم ہے۔
- ۳. حبان پائیں گے کہ قوت مسروڑ کو مثبت یا منفی عسلامت مختص کی حباتی ہے، جسس کا دارومدار اسس رخ پر ہو گا جسس رخ قوت مسروڑ جسم کو محور گھما ویر گھمانے کی کو شش کرتی ہے (یا در ہے، "گھسٹریاں منفی ہیں")۔
 - ۵. جہاں ایک سے زیادہ قوت مسروڑ جہم پر عمسل کرتی ہوں، صافی قوت مسروڑ حساصل کریائیں گے۔

کلب دی تصورات

• قوت \vec{F} کی ، محور گھساو پر جمم کو گھسانے کی ، کوشش کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھساو کے لحساظ سے ، \vec{F} جس نقط پر عمس ل کرتی ہو، اسس نقط کا تعسین گرسمتیہ تم ہو، تب قوت مسروڑ کی وتدر ذیل ہوگی ،

$$\tau = rF_t = r_{\perp}R = rF\sin\phi$$

جہاں \vec{r} کو \vec{F} کاعب ودی حبز و \vec{F} ہواں $\vec{\phi}$ قوت \vec{F} اور سمتیہ \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ہے۔ محور گھساواور \vec{F} سے گزرتی مبلوط کسیسر کے \vec{g} عصودی فناصلہ r_{\perp} ہے۔ مبلوط کسیسر کو \vec{F} کا"خط عمس "، اور r_{\perp} کو \vec{F} کا"معیار اڑ " کہتے ہیں۔ ای طسرح r کو \vec{F} کامعیار اڑ کہ میں گے۔

باب ۲. گھساو

• قوت مسروڑ کی اکائی نیوٹن مسیرٹر (Nm) ہے۔ ساکن جہم کو محور گھساو پر منلان گھسٹری گھسنے کی کو سشش کرنے والی قوت مسروڑ 7 مثبت ہوگی، گھسٹری وار گھسنے کی کو سشش کرنے والی منفی ہوگی۔

قوت مسروڑ

دروازے کادستہ چول سے دور، کی مقصدے ، رکھاحباتا ہے۔ دروازہ کھولنے کے لئے قوت لگانی ضروری ہے، تاہم قوت کارخ اور لگانے کامصام بھی اہمیت رکھتے ہیں۔ اگر آپ، دستے کے بحباۓ، چول کے مصریب قوت کااطلاق کریں یادروازے کی سطح کو قوت 90° پرلاگوٹ کریں، دروازہ کھولنے کے لئے آپ کواسس قوت سے زیادہ قوت درکار ہوگی، جو دستے پر دروازے کی سطح کو عصودی درکار حیاہیے۔

شکل 16a.10 میں جم کاعبودی ترامش دکھیایا گیا ہے۔ یہ جم میں کے گزرتی، ترامش کو عبودی محور گھیاوپر، آزادی سے گھوم سکتا ہے۔ نقطہ \mathbf{F} پر ہمس کا \mathbf{O} کے لیے اظ سے تعسین گرسمتیہ ٹر ہے، قوت \mathbf{F} کا اطلاق کیا گیا ہے۔ \mathbf{F} اور ٹر کرخ آپس مسین زاویہ $\mathbf{\Phi}$ پر ہیں۔ (ہم اپنی آسانی کے لئے صوف ان قوت کی بات کرتے ہیں، جن کا محور گھیاو کو متوازی حبز و نہیں پایا جب آنا بول \mathbf{F} صفح کی سطح مسین ہوگی۔)

 \vec{F} کو دواجبزاء میں تقسیم کرتے ہیں (مشکل 16b.10)۔ ایک جب جب \vec{F} کو دواجبزاء میں تقسیم کرتے ہیں (مشکل 16b.10)۔ ایک جب جب دو ہو کا گارہ جو نکہ یہ جب دو ہو گا۔ چونکہ یہ جب داہ ہے، ایک جب راہ ہو گا۔ چونکہ یہ جب داہ ہے، ایک خبیر کر دار ادا جب میں کر دار ادا جب میں کر دار ادا جب کر تا۔ (اگر آپ دروازے کو دروازے کو دروازے کے حسر اور کھینجیں، دروازہ بھی بھی جب میں کا۔ \vec{F} کا دو سے داجبزو، جو ممای جب دو \vec{F} کہ اتا ہے، آتا کو عصودی ہے اور اسس کی قت در \vec{F} کا دو سے دروائی بھی جب کے جب سے دروائی سے بت ہے۔

قومے مروڑ کا حماجہ \vec{F} کی جم گھمانے کی صلاحیہ، قوت \vec{F} کے ممای حبزو \vec{F} کی تعدد کے عملاوہ 0 سے (قرق کے مالی نقطے کے مناصلے پر مخصصہ ہے۔ ان دونوں وجوہات کو شامل کرنے کی حضاط ہر بھر (درج ذیل) ایک نئی مقت دارمت کرتے ہیں جو قومے مروڑ کا τ کہالتی ہے، جو دو حب زوخریوں کا حساس ضرب ہوگا۔

$$\tau = (r)(F\sin\phi)$$

تو___مسرورٌ كاحباب (درج ذيل) دومعادل طسريقون:

أور

ے مسکن ہے، جہاں O پر محور گھاو اور \vec{F} سمتیہ سے گزرتی مبسوط کسیسر کے نی عصوری مناصلہ r_{\perp} ہے (شکل 16c.10)۔ اسس مبسوط کسیسر کو \vec{F} کا نوط عمل r_{\perp} ، اور r_{\perp} کا معیار اثر کا بازو اکتے ہیں۔ شکل 16b.10 مسیں دکھایا گیا ہے کہ ہم تم کی ت بیں۔

torque¹²

lineofaction 1A

momentarm¹⁹

جب آپ کی جم، مشاأ تی کس، پر اسس نیت سے قوت لگاتے ہیں کہ یہ گھوے، آپ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ کی بین الاقوائی اکائی نیوٹن میسٹر (Nm) ہے۔ انتہاہ، نیوٹن میسٹر کی اکائی کام کے لئے بیمی مستعمل ہے۔ تاہم، قوت مسروڑ اور کام دومخلف معتادیر ہیں۔ کام کے لئے عسام طور حباول اکائی (1 N m) استعال کی حباتی ہے جب کہ قوت مسروڑ کے لئے صرف نیوٹن میسٹر اکائی استعال ہوگی۔

گھڑیاں منفی ہیں۔ باب 11 مسیں قوت مسروڑ کے لئے سمتیہ ترقیم استعال کی حبائے گا؛ بیباں واحد محور پر گھباو کی بات کی حبائے گی اگر قوت مسروڑ حنلاف گھسٹری گھساو پیدا کرنے کی بات کی حبائے گی اگر قوت مسروڑ حنلاف گھسٹری گھساو پیدا کرنے کی کوشش کرے تب منفی ہوگی۔ (حسد 1.10 مسیں ہم نے کہا "گھسٹریال منفی بیس" سے فقت رویبال بھی کارآ مدہے۔)

اصول انطباق (جس کاذکر باب 5 مسیں کے آگیا) کو قوت مسروڑ مطمئن کرتے ہیں: جب جم پر کئی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہوں، جم پر صافی قوت مروڑ ۱۲ کیا ماصلی قوت مروڑ ۱۲) انفسرادی قوت مسروڑ کامحب وعب ہوگا۔ صانی قوت مسروڑ کی عملات ہے۔

آزمائشس۲

میٹر سلاخ کافسن کی حب کڑہ شکل؟؟ مسیں پیش ہے؛ سلاخ کاچول cm کی پرپایاحب تا ہے۔ سلاخ پرپانچوں تو۔ افقی اوران کی صدریں برابر ہیں۔ اعظم قیست اول رکھ کر، تو تول کی در حب بہندی ان کی پید اقوت مسرور کے لحاظ ہے کریں۔

کی استانون دوم برائے گھیاو

مقاصد

اسس تھے کوپڑھنے کے بعبد آپ ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا۔ گھساو کی صورت مسیں جسم پر صافی قوت مسروڑ کا، جسم کے گھمیسری جمود اور گھمیسری اسسراع کے ساتھ، رسشتہ نیوٹن کے دوسسرے متانون سے حبان پائیں گے۔ تمسام معتادیر مختص محور گھمساوکے لحساظ سے ہیں۔

كليدي تصور

• نیوٹن کے دوسرے وت نون کا گھیسری ممثل ذیل ہے،

 $au_{$ ن $}=Ilpha$

 α جہاں ذرے یا استوار جسم پر صافی قوت مسروڑ سن au ہے، محور گھاو پر ذرے یا جسم کا گھسیسری جمود I ہے، اور σ اسس محور پر ماحصل زاوی اسسراع ہے۔

nettorque^r
resultanttorque^r

۱۰۰ پاپ ۲۰. گلماو

نیوٹن کادو سسرامت انون برائے گھم او

$$au_{ij} = I lpha$$
 (نیوٹن کا دو سرانت نون برائے گھماو) (۴.۴۲)

مساوات ۴۲ ۴۸ کا ثبوت

پہلے شکل 17.10 میں پیش سادہ صورت کے لئے مساوات ۲۳.۴ ثابت کرتے ہیں۔ بلا کمیت ساخ اور اسس کے ایک سسر پر، کا کا فرہ مسل کر استوار جم دیتے ہیں۔ سلاخ کی کمسائی ۲ ہے اور سے اپنے دوسسرے سرپر، سرخصف کو عصودی تحور گھساو (دھسرے) پر، گھوم سسکتی ہے۔ یوں، ذرہ صرف دائری راہ پر، جس کے وسط پر محور گھساوے، حسرکت کامح بازے۔

i ذرے پر قوت \vec{F} عمسل کرتی ہے۔ تاہم، ذرہ صرف دائری راہ پر حسر کست کر سکتا ہے، البند اقوت کا صرف ممسائی حب زو F (جو دائری راہ کو ممساس سے) ذرے کو اسس راہ پر مسرع کر سکتا ہے۔ ہم F_t اور اسس راہ پر ذرے کے ممسائی اسسراع کم تعلق ہیں۔ تعسل نیوٹن کے دوسسرے و تانون سے کلھتے ہیں۔

 $F_t = ma_t$

ذرے پر قوت مسروڑ، مساوات ۴۰،۴۰ کے تحت ذیل ہوگا۔

 $\tau = F_t r = m a_t r$

-اس کوزیل کھے ہیں۔ $(a_t=lpha r)$ میں اوات میں میں اور میں کھی کتے ہیں۔

$$(r.rr)$$

$$\tau = m(\alpha r)r = (mr^2)\alpha$$

دائیں ہاتھ توسین مسیں ہند معتدار، محور گھاوپر ذرے کا گھیسری جمود ہے (مساوات ۳۳ به دیھیں، تاہم بہاں صرف ایک ذرے کی بات کی حبار ہی ہے)۔ یوں گھیسری جمود کے لئے آلکھ کر مساوات ۳۳ بہ ذیل لکھی حباسکتی ہے۔

$$au=Ilpha$$
 (ریڈ میکن تا پ ا $au=I$

جہاں ایک سے زیادہ قوت ذرے پر عمل کرتی ہوں مساوات ۴.۴۴ ذیل صورت اختیار کرے گی، جے ہم ثابت کرنا حیاہتے تھے۔

$$(r. ra)$$
 $au_{ij} = Ia$ $(یرٹیمن ناپ ا$

چونکہ ہر جہم انفٹ رادی ذروں کا محبصوعہ ہو گالہانہ ااسس مساوا۔۔ کو کسی بھی استوار جہم تک، جو مقسر رہ محور گھساوپر گھومت ہو، وسع۔ دی حباستی ہے۔

آزمائشں ۷

سنکل ؟؟ مسیں میٹر سال نَی افضائی حبارُہ پیش ہے۔ سال نے کے وسط سے بائیں حباب نقطہ چول ہے جس پر \vec{F}_2 میں میٹر سال نے کی دورت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 اور \vec{F}_3 اور \vec{F}_3 اور \vec{F}_3 اور کی حباتی ہے۔ سال نے کو عصودی ہے اور سال نے کے دائیں سر پر لاگو کی حباتی ہے۔ سال نے نے گوضے کی صورت مسیں (۱) \vec{F}_2 کار نے کہا ہوگی، نیادہ وہ گوگا، یا سسے بر ابر ہوگی ؟

نونی سوال ۴۰۹: نیوٹن کے قانون دوم برائے گھاو کا کولا میں استعالی

کولاکشتی کاوہ داوہ ہے جس مسیں پہلوان دوسرے کو کو لیے کی زوپر لاکر گرا تا ہے۔ آئیں پہلوانوں کی کشتی کو طبیعی دان کے نقطہ نظرے دیکھیں۔ کو لیے پر محفظ 80 kg جسریف کو حیز ہوں کہ آئی ہوں ہوئی آئیں کو لیے پر نقطہ گھیاو (محور گھیاں کرتے ہوئی، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل گھیاں کرتے ہوئی، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل محل کے اور کا اس کو $\alpha = 6.0 \, \text{rad s}$ کے اور کا اس کا گھیاں کرتے ہوئی، آپ نقطہ گھیا و پر اس کو $\alpha = 6.0 \, \text{rad s}$ کے خوالے کا سے تابی دسترش کریں نقطہ گھیا و کے لیے اظ ہے اس کا گھیسری جمود $\alpha = 15 \, \text{kg m}$ ہے۔

(۱) زمسین پر گرانے سے قب ل اگر آپ حسریف کو آ گے جھکا کر اسس کا مسر کز کیت اپنے کو لیجے پر رکھسیں تو \vec{F} کی متدر کسیاہو گی (شکلی 18a.10)؟

كلب دى تصور

ہم کا کازادی اسراع سے رہشتہ نیوٹن کے مت انون دوم برائے گھماہ م $au_{f i}$ سے حبانتے ہیں۔

حماجہ: زمسین سے حسریف کے پاوں اٹھنے کے بعد، ہم کہہ سکتے ہیں اسس پر تین قوت عمسل پیسرا ہوں گا: آپ کی کھنے \vec{F} نقطہ گھساو پر آپ کی حسریف پر عسودی قوت \vec{N} (شکل 18.10 مسیں اسے نہسیں دکھایا گیا)، اور تحساف پُورٹ کی قوت مسروڑ حب نتے ہوئے ہم \vec{F} استعمال کریا ئیں گے۔ تحساف \vec{F} آپ استعمال کریا ئیں گے۔

اب ۲۰ گھماو

يون ذيل حساصل ہو گا۔

$$F = \frac{-I\alpha}{d_1} = \frac{-(15 \text{ kg m}^2)(-6.0 \text{ rad s}^{-2})}{0.30 \text{ m}}$$
$$= 300 \text{ N} \qquad (\text{--}\text{s})$$

رے ہوتہ $d_2=0.12\,\mathrm{m}$ کامعیار اثر کابازو f_g کامعیار اثر کابازو $d_2=0.12\,\mathrm{m}$ ہوتہ کی میں اگر گرنے ہے کہانے آپ کا دورکیا ہوگا (f کی میں درکیا ہوگا (f کی میں درکیا ہوگا (f کی میں کا دورکیا ہوگا (f کی میں کی دورکیا ہوگا (f کی دورکیا ہوگا (f کی دورکیا ہوگا (f کی دورکیا کی دورکیا ہوگا (f کی دورکیا کی دو

كلب دى تصور

چونکہ $\vec{F}_g = mg$ کامعیارا ترکابازواب صف رہنیں، اسس کی قوت مسروڑ اب d_2mg ہوگی جو خلان گھٹری ہونے کی ہنا نثبت ہے۔

$$-d_1F + d_2mg = I\alpha$$

جو ذیل دیگا۔

$$F = 300 \,\mathrm{N} + \frac{(0.12 \,\mathrm{m})(80 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})}{0.30 \,\mathrm{m}}$$
$$= 613.5 \,\mathrm{N} \approx 610 \,\mathrm{N} \quad (\text{---}\text{i.s.})$$

اس نتیج کے تحت اگر آپ حسریف کو جھاکر اس کامسر کز کیت اپنے کو لیج پر رکھ نے سکیں، آپ کو کافی زیادہ قوت لگانی ہوگی۔ایک اچپ ایک لوان پے حقیقت حیانت ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۰: نیوٹن کا دوسرا قانون، قوت مروڑ، قرم

19a.10 کیسے 19a.10 اور رواسس $M=2.5\,\mathrm{kg}$ کا کیک ان متسر ص مقسر روافقی دھ رہے پر نصب شکل 19a.10 کیسے مسین دکھایا گیا ہے۔ وستر ص کے چکا $m=1.2\,\mathrm{kg}$ بیر برا کم یہ برا کی جب آتی ہے۔ این سے کا اسراع، وسیر ص کا زاوی اسراغ، اور دھا گے مسین شناو مسین کریں۔ دھا گہ جسلت نہیں اور دھسرا ہے۔ گرشے۔ تاریخ مسین کریں۔ دھا گہ جسلت نہیں اور دھسرا ہے۔ گرشے۔

كلي دى تصورات

(1) اینٹ کو ایک نظام تصور کر کے اسس کی اسسراع a اور اسس پر عمسل پیپراقوت کا تعساق ہم نیوٹن کے متانون دوم (\vec{F}_i) اور اسس (\vec{F}_i) کا اور اسس کے زادی اسسراع (\vec{F}_i) اور اسس کے ناوی اسسراع (\vec{F}_i) اور اسس پر توت مسروڑ کا تعساق نیوٹن کے متانون دوم برائے گھاو (\vec{T}_i) سے لکھ سکتے ہیں۔ (3) اینٹ اور مسسر ص کی

حسر کات کو ملانے کے لئے ہم اسس حقیقت کو ہروئے کارلاتے ہیں کہ اینٹ کا خطی اسسراع a اور فتسر ص کے چکاکا (ممسای) خطی اسسراع at برابر ہیں۔ (الجھنے سے بچنے کی حن طسبر ہم اسسراع کی فت دروں اور الجبرائی عسلامتوں پر علیحہ دہ علیحہ دہ غور کرتے ہیں۔)

$$(r.rq) T - mg = m(-a)$$

جہاں (محور y کے ہمسراہ نیچرخ) اسراع کی متعدر a ہے۔ تاہم، ہم اسس مساوات کو a کے لئے حسل نہیں کر سکتے، چونکہ اسس مسین دوسرانامعساوم متعضیر T بھی پیاجہ تاہے۔

قرص پر قوض مروڑ: گزشتہ مسرتب جب ہم محور الاے آگے بڑھ نہمیں سے، ہم نے محور X کاسہارالیا۔ اسس مسروڑ اور کھیا ہوئے ہیں۔ تو سے مسروڑ اور آگھیں۔ یہ جود I تلاش کرنے کے لئے، ہم نقط O پر، مسرس کو عصودی اور اسس کے وسط سے گزر تی ککسیر، محور گھیا ولیت بیل (شکل 19c.10)۔

$$-RT = \frac{1}{2}MR^2(-\alpha)$$

بظ ہیں، بیسے مساوات کی کام کی نہیں ہے؛ اسس مسین دونامعسلوم متغیبرات α اور T پائے حباتے ہیں جب ہمیں میں جب میں جو نائدہ مند نہر اسکتے ہیں: چونکہ دھ گہ چسلت انہیں، اینٹ کے خطی a حبایہ جب میں اینٹ کے خطی a اسراع کی وقت در a اور وقت رص کے چکا کے (ممسای) اسراع کی وقت در a برابر ہوں گی۔ یوں، مساوات a برابر ہوں گی۔ یول، مساوات a ہوگا۔ مساوات a ہوگا۔ مساوات a ہم میں ہے معسلومات وال کر ذیل حساس ہوگا۔

$$(r.rh) T = \frac{1}{2}Ma$$

نتائيكي يحيائي: مساوات ٢٦. ١٠ ورمساوات ٢٨. ١٠ ملاكر ذيل حساس مولاً

$$a = g \frac{2m}{M + 2m} = (9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg})}{2.5 \,\mathrm{kg} + (2)(1.2 \,\mathrm{kg})}$$
$$= 4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}} \qquad (\text{---})\hat{\mathcal{E}})$$

۱۰۲۰ باب ۲۰. گلماو

اب مساوات ۳۸،۳۸ سے آ سامسل ہوگا۔

جیب ہمیں توقع کرنی حیاہے، گرتی اینٹ کا اسراع a آزادان گرنے کے اسسراع g سے کم ، اور دھاگے مسیں شناو $T=6.0\,\mathrm{N}$ اور $T=6.0\,\mathrm{N}$ ورنوں پر $T=6.0\,\mathrm{N}$ کے اسٹی اینٹ پر تحباذ کی قوت $T=11.8\,\mathrm{N}$ سے کم ہے۔ ساتھ ہی ہم دیکھتے ہیں کہ $T=10.0\,\mathrm{N}$ وونوں پر مسیس کی کمیت پر مخصص میں جبکہ ان پر رداسس کا کوئی اثر نہیں۔

T=0 اور a=g اور M=0 کی صورت میں a=g اور M=0 کی صورت میں کے طور پر ،ہم دیکھتے ہیں کہ بلا کمیت و سسر ص کے زادی اسسر اللہ ہوگا۔ ہم یکی توقع رکھتے ہیں: اینٹ ایک آزاد جم کی طسر ہے زمین پر گرتی ہے۔ مساوات ۲۲۲ سے و سسر ص کے زادی اسسر اللہ کی و سدر تالا سٹس کرتے ہیں۔

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}}{0.2 \,\mathrm{m}} = 24 \,\mathrm{rad \, s^{-1}} \quad (\text{--})$$

۴.۸ کام اور گھمیری حسر کی توانائی

بقاصد

ا مس جھے کر پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے وت بل ہوں گے۔

- ا۔ گوتے جہم پرلاگو توت مسروڑ کازاویہ گھساوکے لیاظ ہے تکمل لے کر ، گلومتے جہم پرلاگو توت مسروڑ کا سسرانحبام کام معساوم کریائیں گے۔
- مسئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کر کے جیم کے گھیے ری حسر کی توانائی مسیں تبدیلی اور سرانحب م کام کار شنہ حبان یائیں گے۔
 - m. کام اور اسس زاویے کے تعسلق ہے، جس پر جم گھومت ہے، مستقل قوت مسروڑ کا سسر انحبام کام تلاسٹس کریائیں گے۔
 - ٨. كام كى شرح معلوم كركے قوت مسرور كى طاقت حبان پائيں گے۔
 - ۵. کی لمحے پر قوت مسروڑ اور اسس لمحے پر زاوی سمتی رفت ارکے رہشتہ سے قوت مسروڑ کی طباقت حبان پائیں گے۔

كليدي تصورات

زاوی حسرکت مسین کام اور طاقت کی ذیل مساوات مستقیم حسرکت کی مساوات سے مطابقت

ر کھتی ہیں۔

$$W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$$
 $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} \tau \omega$

جب τ متقل ہو، کمل گھٹ کر ذیل دیگا۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

• گھومتے اجسام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کرتا ہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

کام اور گھمیےری حسر کی توانائی

جیب ہم باب 7 مسیں ذکر کر چے ، جب قوت F استوار جم پر ، جس کی کمیت m ہو، عمس کر کے اسس کو محد دی محور پر مسرع کرے ، قوت اسس جم پر کام سرانحب م دی تی ہے۔ پیران، جم کی حسر کی توانائی ($K = \frac{1}{2}mv^2$) سبدیل ہو سکتی ہے۔ فیسرض کریں جم کی صرف یہی توانائی تبدیل ہوتی ہے۔ ایک صور سے مسیں حسر کی توانائی کی تبدیلی کا اور کام W کا تعسلق در حب ذیل مسئلہ کام وحسر کی توانائی (مساوات 10.7) دیگا۔

$$(\sigma.\sigma)$$
 $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2-rac{1}{2}mv_i^2=W$ (رستله کام وحسر کی توانائی)

محور یر برہنے کی پاہند حسر کے لئے کام کی درج ذیل مساوات 32.7دو گی۔

$$(\gamma. \Delta \bullet)$$
 $W = \int_{x_i}^{x_f} F \, \mathrm{d}x$ (کام، یک بُودی $W = \int_{x_i}^{x_f} F \, \mathrm{d}x$

جب F متنقل اور جم کاب او D ہو، ہو، گھٹ کر D ہو، ہو، ہم کاب اور جم کاب اور جم کاب اور کے کام کرنے کی مشرق طاقت کہا اتی ہے، جو ہم مساوات C اور مساوات C کام کرنے ہیں۔

$$(\sigma.\Delta I)$$
 $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = Fv$ (طاقت، یک بُودی مرکت)

آئیں اس سے ملتی حباتی گھیسری صورت پر غور کرتے ہیں۔جب قوت مسروڑ، مقسررہ محور گھساوپر، استوار جہم کو مسر کر کے ،قوت مسروڑ جہم پر کام W سرانحبام دیتی ہے۔ یوں، جہم کی گھیسری حسر کی توانائی $(K=\frac{1}{2}I\omega^2)$ تبدیل ہو سکتی ہے۔ سنسرض کریں جہم کی صورت بہی توانائی تبدیل ہو تی ہے۔ ایسی صورت مسین حسر کی توانائی مسین تبدیل کا اور

باب ۲۰ گھیاو

کام W کار شتہ مسئلہ کام وحسر کی توانائی دیگا، تاہم اب حسر کی توانائی کے بحب نے تھمیسری حسر کی توانائی کی بات کی حب نے گی۔ گی۔

$$(r.\Delta r)$$
 $\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2$ (نستله کام و حسر کی توانائی)

یہاں، I مقسررہ محور پر جم کا گھمیسری جمود اور ω_i اور ω_j کام سے قبل اور اسس کے بعید جم کی زادی رفت ارہیں۔

ساتھ ہی، ہم مساوات 52.10 کی معادل گھیے ری مساوات سے کام تلاسٹس کر کتے ہیں:

$$(\gamma.\Delta r)$$
 $W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau \, d\theta$ (کام) مقترره محور پر گھماو)

جباں au وہ قوت مسروڑ ہے جو کام W سسرانحبام دیتی ہے، اور heta ، کام سے قب ل اور اسس کے بعید ، جم کے زادی مصام ہیں۔ جب au مستقل ہو، مساوات au ، گھٹ کر ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

کام کرنے کی مشرح طباقت کہلاتی ہے، جو ہم مساوات 51.10 کی معسادل گھمیسری ذیل مساوات سے تلاسٹس کر سکتے ہیں۔

$$(r. \Delta a)$$
 $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$ (طاقت، مقسرره کورپر گھماد)

حبدول ۴۰.۲ مسیں مقسررہ محور پر استوار جسم کے گلمہاو کی چہند مساوات اور مطابقتی مستقیم حسر کے کی مساوات پیشش ہیں۔

مساوات ۸۵۲ تامساوات ۵۵ بهم کا ثبوت

آئیں دوبارہ مشکل 17.10 کو دیکھتے ہیں۔ بلا کیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کیت M کا ذرہ مسل کر استوار جم دیتے ہیں۔ گھساو کے دوران، قوت F جم پر کام سسرانحبام دیتی ہے۔ ہم منسرض کرتے ہیں کہ F جم کی صرف حسر کی توانائی تبدیل کرتی ہے۔ ایسی صورت مسیں مساوات ۴۸،۳۷ کامسئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کیا حب اسکاہے البذاذیل ہوگا۔

$$\Delta K = K_f - K_i = W$$

استعال کرکے اے ذیل لکھا جبا سکتا ہے۔ $K=rac{1}{2}mv^2$ اور مساوات ۲۰۵۱ میں $V=\omega r$ اور مساوات کا استعال کرکے اے ذیل لکھا جبا سکتا ہے۔

$$\Delta K = \frac{1}{2}mr^2\omega_f^2 - \frac{1}{2}mr^2\omega_i^2 = W$$

مساوات r به مساوات کوزیل جسم کا گھیسری جمود mr^2 ہود $I=mr^2$ ہور کا اسکا ہوگا، جو مساوات r برگا، جو مساوات r برگا، جو مساوات کا برگا، ج

$$\Delta K = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

حبدول ۲۰۲۲: مستقیم اور مط ابقتی همیسری حسر کت کی چند مساوات

محور)	حنالص گھپو(مقسررہ	حنالص مستقیم حسرکت (مقسرره رخ)		
θ	زاوی مفتام	x	معتام	
$\omega = \mathrm{d}\theta/\mathrm{d}t$	زاوی مستی رفت ار	v = dx/dt	مستى رفت ار	
$\alpha = d\omega/dt$	زاوی اسسراغ	a = dv/dt	اسراع	
I	تھمپ ری جمود	m	کمیت	
auنى $= I lpha$	نیوٹن کامت نون دوم	Fن $= ma$	نيوڻن کافت نون دوم	
$W = \int au heta$	کام	$W = \int F \mathrm{d}x$	کام	
$K = \frac{1}{2}I\omega^2$		$K = \frac{1}{2}mv^2$	حسىر كى توانائى	
$P = \tau \omega$	ط قت (متقل قوت مسروڑ)	P = Fv	ط اقت (متقل قوت)	
$W = \Delta K$	مسئله کام وحسسر کی توانائی	$W = \Delta K$	مسئله کام وحسر کی توانائی	

ہم نے مساوات یک ذروی جسم کے لئے ثابت کی، تاہم ہر جسم متعدد ذروں پر مشتل ہو گالہٰذاب مقسررہ محور پر گھسائے گئے ہراستوار جسم کے لئے درست ہے۔

آئیں اب شکل 17.10 میں جم پر سے انجب م کام W اور جم پر \vec{F} کی بن قوت مسروڑ τ کا تعلق جب نیں۔ جب ذرہ دائزی راہ پر پلتے ہوئے وقع فی مناصلہ طے کر تا ہے، قوت کا صرف ممائی جب اس راہ پر ذرک کو اس رائی پزیر کر تا ہے۔ یوں صرف F_t ذرک پر کام سے رانجب م دیگی۔ ہم اس کام dW کو dW کو dV کھ سے تیں۔ ہم dV کو dV

$$dW = F_t r d\theta$$

مساوات ۴۰٬۴۰ سے ہم دیکھتے ہیں کہ ماحصل F_{t} اور قوت مسروڑ au برابر ہوں گے لہانے امساوات ۴٬۵۸ ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

$$dW = \tau d\theta$$

یوں $heta_i$ تا $heta_f$ کے متناہی زاوی ہے وکے دوران سے رانحب م کام ذیل ہوگا،

$$W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$$

جو مساوات ۳۵.۵۳ ہے۔ یہ مساوات مقسررہ محور پر گھومتے ہر استوار جسم کے لئے درست ہے۔ مساوات ۵۹.۳ کے طاقت ۲۰۵۹ ہے۔ سے بلاواس طرمساوات ۲۰۵۴ مساطل ہوتی ہے۔ ۱۰۸

گھمپری حسر کے لئے مساوات ۲.۵۹ سے طباقت P لکھتے ہیں:

$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جومساوات ۵۵ ہم ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۱، کام، گھمیری ترکی توانائی، قوضے مرور، قرمی

شکل 19.10 میں وقت t=0 پر مسترس کن حسالت سے آعنیاز کرتا ہے؛ بلا کمیت دھاگے مسیں شناو t=0.10 کا 19.10 ووقت رص کا زاوی اسسراغ t=2.5 rad s $^{-2}$ بر کسیا ہوگی؟

كلب دى تصور

 $I = \frac{1}{2}MR^2$ ہم ساوات $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم ساوات $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم ساوات $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم ساوات الادی اسراع کی مستقل قیت $K = (K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ ہم سے مستقل زادی اسراع کی مساوات استعال کر سے ہیں۔

حمای: ہم α اور $\omega = 0$ جبانت ہیں اور ω جبانت اور ω جبانت اور ω جبانت اور ω

$$\omega = \omega_0 + \alpha t = 0 + \alpha t = \alpha t$$

اور $I=\frac{1}{2}MR^2$ وال كرذيل من من من اور $\omega=\alpha t$ اور $I=\frac{1}{2}MR^2$

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}MR^2)(\alpha t)^2 = \frac{1}{4}M(R\alpha t)^2$$
$$= \frac{1}{4}2.5 \text{ kg}[(0.20 \text{ m})(-24 \text{ rad s}^{-2})(2.5 \text{ s})]^2$$
$$= 90 \text{ J} \qquad (\text{$-(\pounds)$})$$

كلي دى تصور

ہم ہی جواب سرانحبام کام سے قت رص کی حسر کی توانائی معلوم کرکے ساصل کر سکتے ہیں۔

$$(r. + V) \qquad K = K_i + W = 0 + W = W$$

W اور مسرص پر عمسل W جبانت حیایی گے۔ مساوات ۳.۵۳ یا مساوات W اور مسرص پر عمسل W اور مسرص پر عمسل پیسرا تو۔ مسروڑ کا تعساق کھ حب سکتا ہے۔ دھاگے کی قوت T واحد تو۔ ہوس کی تو۔ مسروڑ

(TR –) زادی اسسراع پیدا کرکے فتسر ص پر کام سسرانجبام دیتی ہے۔ چونکہ ہم مستقل ہے، اہلنذا سے قوت مسروڑ بھی مستقل ہوگا۔ یوں مساوات ۵۳۔ ۱۳۳۰ مستقل ہوگا۔ یوں مساوات ۵۳۔ ۱۳۳۰ مستقل کی حباستی ہے، جس سے ذیل لکھا حباتا ہے۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i) = -TR(\theta_f - \theta_i)$$

چونکہ α مستقل ہے، ساوات $\omega_i=0$ استعال کرکے $\theta_f-\theta_i$ معلوم کیا جب سکتا ہے۔ یوں $\omega_i=0$ کے لئے ذیل ہو گا۔ گا۔

$$\theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 = 0 + \frac{1}{2} \alpha t^2 = \frac{1}{2} \alpha t^2$$

 $T=\frac{1}{2}$ اسس کو مساوات ۱۲. ۲ مسیں ڈال کر حسامسل نتیجہ مساوات ۲۰. ۲ مسیں پُر کرتے ہیں۔ دی گئی معسلوما $\alpha=-24\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ وال کر ذیل ہوگا۔

نظب رثانی اور حنلاص

$$(r.i)$$
 $\theta = \frac{s}{r}$ (پیڈیٹُن نا ت

ریڈیئن، حیکر، اور در حبات مسین ناپ کا تعساق ذیل ہے۔

$$(r.r) \qquad \qquad 1 = 360^{\circ} = 2\pi \, \text{rad}$$

زاوی ہٹاو جب ایک جم کور گھا و پر گھوم کر این زاوی معتام θ_1 سے تب یل کرکے و θ_2 کرے، جم کاز او کی ہٹاو و یل ہوگا، $\Delta \theta = \theta_2 - \theta_1$

جباں حنلان گھٹڑی گھے اوے لئے ΔD مثبت اور گھٹڑی وار کے لئے منفی ہوگا۔

ااب ۲۰. گھماو

زاوی سمتی رفتار اور رفتار اگروستی دورانی که مسین جم Δt زادی سناد گوے ، اسس کی اوسطزاوی سمتی رفتار اوسا ذیل جوگی۔ جوگی۔

$$(r.a)$$
 $\omega_{brail} = rac{\Delta heta}{\Delta t}$

جم کی (لمحاتی) زاوی سمتھ رفتار ذیل ہو گ۔

$$(\mathbf{r}.\mathbf{r}) \qquad \qquad \omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اور ۵ سمتیات میں، جن کارخ **دائیں ہاتھ کا قانواج** دیگا (شکل 6.10)۔ حسٰلاف گھٹڑی گھساوے لئے دونوں مثبت اور گھٹڑی وار گھساوے لئے منٹی ہول گے۔ جم کے زاوی سمتی رفت ارکی ت مدراسس کی **زاوجی رفتار** کہلاتی ہے۔

زاوی سستی رفت ار ω_1 تا ω_2 تا وقت وقت کے وقت وقت کے مسین جم کی زاوی سستی رفت ار ω_1 تا وی اسراع دیل ہو کر ω_2 ہو، جم کا اور طرز اور اسراع دیل ہوگا۔

$$\alpha_{\rm level} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جم کی (کماتھ) زاوی اسراع ذیل ہو گا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

 α اور α دونوں سمتیا سے ہیں۔

متقل زاوی اسراع کی مجرد ترکیات میاوات متقل زادی اسراع (متقل ه) گلمیدی حسرت کی ایک دنام قتل این این این این ایک میاوات میاوات ،جوجیدول این مین دی گئی بین، ذیل بین -

$$(r.r)$$
 $\omega = \omega_0 + \alpha t$

$$(r.r) \theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2}\alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0)$$

$$(\mathbf{r}.\mathbf{i}\mathbf{a}) \qquad \qquad \theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$

خطی اور زاوئ متغیرات کا تعلق گوئے استوار جم کا اندرونی نقط، جو تحور گھساوے r عسودی نساسلہ پر ہو، رداس r کے دائرے پر حسر کت کرتا ہے، جہاں θ کا کا دائرے پر حسر کت کرتا ہے، جہاں θ کا ناب ریڈیئن مسیں ہے۔

$$(r. اریزیمن نایب $s = \theta r$ (ریزیمن نایب $s = \theta r$ (حاریم)$$

نقطے کا خطی سے تی رفت ار \vec{v} دائرے کو ممای ہوگا؛ نقطے کی خطی رفت ار \vec{v} دائرے کو ممای ہوگا؛

$$v = \omega r$$
 (ریڈینن ناپ $v = \omega r$ (ریڈینن ناپ)

جہاں س جسم کی (ریڈیئن فی سیکنڈ مسیں)زاوی رفت ارہے۔

نقطے کے خطی اسسراع à کاممای اور ردای حبزو ہوگا۔ ممای حبزوزیل ہوگا،

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (پاریمین ناسیا)

جہاں (ریڈیٹن فی مسر کے سیکٹر مسیں) جم کے زادی اسراع کی ت در α ہے۔ اسراع کا دوای حبزوزیل ہوگا۔

$$(r.rr)$$
 $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (پیٹین اپ

اگر نقط یک ال دائری حسر کت کرتا ہو، جسم اور نقط کی حسر کت کا دوری عسر صب آنیل ہوگا۔

$$(r_{r} \cdot r_{r} \cdot r_{r})$$
 $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$ (پیرین نام تاریخ تان نام تاریخ تار

گھمیری حرکھ توانائی اور گھمیری جمود مقسررہ تور پر گھوٹے ہوئے استوار جم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

$$(r,r)$$
 $K=\frac{1}{2}I\omega^2$ (پیڈیمن ناپ ناپ ناپ کا در پائیمن کا در پائ

جباں I جم کا محمیر کی جمود ہے، جس کی تعسرین انسٹرادی ذروں کے نظام کے لئے:

$$I = \sum m_i r_i^2$$

اور استمراری تمیتی تقسیم کے جسم کے لئے ذیل ہے۔

$$(r.ra) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

ان مساوات مسیں، محور گھساوے مطلوب ہمسیق مکڑے تک عصودی مناصلہ ۲ اور ۲ ہے، اور کمل پورے جم پر لیاحیائے گاتا کہ اسس مسین تمام کمسیق مکڑے شامل ہوں۔

مسئلہ متوازی محور کی بھی محور پر جسم کے گلمیسری جود I کا تنسلق، ای جسم کے مسر کز کمیسی پر متوازی محور کے لحساظ سے گلمیسری جود کے ساتھ مسئلہ متوازی محور دیتا ہے۔

$$I = I_{\underline{\hspace{1cm}}} + Mh^2$$

اال ۲۰۰۰ گھماو

h ہیں دونوں محور کے نی مناصباہ h ہے، اور مسر کز کمیت پر محور کے لحاظ سے جسم کا تھمیسری جمود میں ہود ہے۔ ہم کا محمد کر کمیت پیں۔ کو مسر کز کمیت پرواقع محور سے اصل محور تھے او کا ہوا و تصور کر سکتے ہیں۔

قے مروڑ گھیے ری محور پر قوت آ کی بنا جم پر گھو سنے کے اثر کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھساو کے لحساظ سے جس نظے پر آ تا عمسل پیسے راہوانس کا تعین گر سمتیہ تر ہو، تب قوت مسروڑ کی تندر ذیل ہوگی،

$$(r.rg.(r.r.r.r))$$
 $au = rF_t = r_\perp F = rF\sin\phi$

جباں \vec{r} کو \vec{F} کا عصودی حبز و \vec{F} ،اور \vec{r} اور \vec{r} اور \vec{r} اور \vec{r} اور \vec{r} کا خوادی ناوی ہے۔ محور گھیاد اور \vec{r} کا معیار اثر کا بازو کتے ہیں۔ای طسر جہت ہیں،اور \vec{r} کو \vec{r} کے معیار اثر کا بازو کتے ہیں۔ای طسر جہت کے معیار اثر کا بازو کتے ہیں۔ای طسر جہت کے معیار اثر کا بازو کتے ہیں۔ای طسر جہت کے معیار اثر کا بازو کتے ہیں۔ای طسر جہت کے معیار اثر کا بازو کتے ہیں۔

تو۔۔ مسروڑ کی بین الاتوامی اکائی نیوٹن میٹر (Nm) ہے۔اگر ساکن جم کو تو۔۔ مسروڑ au حنلان گھسٹری گھسنے کی کوشش کرے تب منفی ہوگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کازاوئ روپ نیوٹن کے تنانون دوم کازادی مسٹل ذیل ہے،

$$au_{i} = I\alpha$$

جہاں ذرے یا استوار جسم پر قوت مسروڑ σ ، محور گھماوپر ذرے یا جسم کا گھمیسری جمود I ، اور α اسس محور پر ماحسان زاوی اسسراغ ہے۔

کام اور گھمیری حرکی توانائی گھیسری حسرت مسین کام اور طباقت کے حساب کی (درج ذیل) مساوات مستقیم حسرت کی مساوات سے مطبابقت رکھتی ہیں۔

$$(r.sr)$$
 $W = \int_0^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$

$$(r.aa) P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جب au منتقل ہوم اوات ۴.۵۳ گھٹ کر ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(\textbf{r.sr}) \hspace{1cm} W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجبام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کر تاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

سوالا ____

سوال ۱.۷: انتصابی دھسرے پر مسسرص کی زاوی سستی رفت ریالمقابل وقت ترسیم مشکل 20.10 مسیں پیش ہے۔ مسسرص کے چکا پر ایک نقطہ کے لئے کحیات ، c ، b ، a کی در حب بسندی، اعظم اول رکھ کر، (۱) مما می اور (ب) ماری استراع کی وقت در کے لیے اظامے کریں۔

21.10 عوال ۲.۷: انتصابی دھسرے پر مشرص کے گھاو کی تین صور توں کے لئے زاوی معتام θ بالقابل قوت t شکل t 21.10 میں پیش ہے۔ برایک صورت میں گھاو کارخ کی زاوی معتام θ ہوگا۔ (۱) بر صورت کے لئے کیا θ θ θ θ گھاڑی وار ہے، خلاف گھسڑی ہے، یاعتین θ θ θ پر ہے؟ برایک صورت میں (ب) کے لئے θ θ کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟ θ θ کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟

سوال ۳.۳: مصرص کے وسط سے گزر تاانقب بی دهسرے پر گھومتے مصرص کے چاپر قوت لاگو کر کے اسس کی زادی مسمتی رفت ار تبدیل کی حباتی ہے۔ اسس کی بالسسرتیب ابت دائی اور اختنای مسمتی رفت ار حبار مختلف صور توں مسین ذیل ہیں: (۱) ابت دائی 2 rad s⁻¹ : (2 rad s⁻¹ ؛ (ب) 5 rad s⁻¹ ؛ (ب) 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقتای 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقت اول رکھ کر ان صور توں کی در حب بہندی قوت مسروڑ کے سرانجبام کام کے لیے اطلاح کریں۔

سوال ۴۰.۴: شکل 22a.10 کے مسترص کازاوی معتام شکل 22b.10 دیتی ہے۔ کیا(۱) t=1 پر، (ب t=2 s (بر، کیاناوی کا نواز کی کازاوی سنستی رفت ارمثبت، منفی بیاصف ہے؛ t=3 s (درجی) کے ناوی استراع مثبت یا منفی ہے؛

سوال ۲۰۰۵: فت رص کے وسط سے گزرتا انتصابی دھسرے پر گھومتے فت رص پر قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 عمسل کرتی ہیں (مشکل 23.10)۔ گھساوے دوران، جو صنالات گھسٹری اور مستقل ہے، قوت و کھائے گئے زاویے بر فت رارر کھتی ہیں ۔ تاہم، ہم حیاہتے ہیں کہ \vec{F}_1 کی فت در تبدیل سے بغیب رہ \vec{F}_1 کازاویہ θ گھٹائیں۔(۱) سمتی زاوی رفت ارتبدیل سے ہوئے کے کئے کسیا گھسٹری واریا حنالات گھسٹری قسٹری گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری کو مشتر کرتی ہیں ؟ کسیا (ب) آجا در (ج) کو مشتر ص کو گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری گھسٹری کو کسٹش کرتی ہیں ؟

سوال ۲۰۰۱: ایک چوکور جو نقط P پر دانتصابی دھسرے کے گرد گھوم سکتا ہے ، کافصنائی حبائزہ مشکل 24.10 مسیں لیا گئی ا گیا ہے۔ چوکور پر بر ابر فت مدر کی پانچ توت عمسل کرتی ہیں ، اور P ضلع کاوسطی نقط ہے۔ نقط P پر قوت مسروڑ کے لحاظ ہے ، اعظہ اول رکھ کر ، قوتوں کی در حب ببندی کریں۔

موال ۷۰٪ افتی چول دار سلاخ کافصٹ کی حبائزہ مشکل 25a.10 مسیں پیش ہے۔ سلاخ پر دو قوت عمسل کرتی ہیں، تاہم سلاخ ساخ ساخ ساخ اور آئے کے پھڑاؤوں ہے °90 سے گھٹائیں اور سلاخ اب بھی ساکن رہے، کپ آئے بڑھوں نی ہو گی؟

موال ۴.۸: افتی چول دار سیاخ کا فصن کی حب نزه شکل 25b.10 میں پیش ہے۔ سیاخ کو قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 چول پر گھساتی ہیں: \vec{F}_2 اور سیاخ کے جی فاوی ہے ہے۔ سیاخ کے زادی اسسراع کی وقت در کے لحی ظرے ، اعظم اول رکھ کر ، زاوی ہے کہی درج ذیل قیمتوں کی درجہ بسندی کریں: 90° ، 90° ، اور 110° ۔

سوال ۹٬۰۰۰ کیساں موٹائی کے دھاتی میادر کاچو کور جس سے % 25 حسر کاٹا گیا ہے، شکل 26.10 میں دکھایا گیا ہے۔ سوال ۹٬۰۰۰ کی نقطے دیے گئے ہیں۔ ان نقطوں پر انتصابی محور کے گرد حیادر کے گھیدری جمود کے لیاظ ہے، اعظام اول

اب ۲۰ گھیاو

ر کھ کر، نقطوں کی در حب سندی کریں۔

سوال ۱۰ . ۳: تین چینے (ایک جینے رداس کے) مترص ، جو مترص کے وسط پر انتصابی دھسرے کے گرد گھوم سے ہیں،
سٹکل 27.10 میں پیش ہیں۔ سینوں میں و مادہ ہے جنہ ہیں۔ ایک مادہ دوسرے سے زیادہ کثیف ہے (نی اکائی
محبم کمیت کو کثافت کہتے ہیں)۔ مترص 1 اور 3 کا ہیں۔ ونی نصف حصہ کشید مادے کا ہے۔ مترص 2 کا اندرونی
نصف حصہ کثیف مادے کا ہے۔ ایک جتی متدی کود تو تیں مترص کے ہیں۔ونی کسنارے پر یا دو مادہ کے جوڑ پر ، ممائی
مسل کرتی ہیں۔ (۱) مترص کے وسط پر قوت مسروڑ، (ب) مترص کے وسط پر گھمیسری جمود، اور (ج) مترص کے اسرائ

سوال ۱۱. ۳: میسٹر سلاخ کا آدھ حصہ لکڑی کا اور آدھ فولاد کا بن ہو ہے (شکل 28a.10) کئڑی والے سر O پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول کی حباتی ہے۔ فولادی سر a پر چول میں کرتی ہے۔ شکل 28b.10 میں ساخ الٹی رکھی حباتی ہے اور فولادی سر 28b.10 میں جب کم کئڑی والے سر a پر قوت لاگو کی حباتی ہے۔ کیا شکل 28a.10 میں پیسید ازادی اسراع شکل 28b.10 میں پیسید ازادی اسراع شکل 20.10 میں پیسید ازادی اسراع سے برابرہے؟

سوال ۱۲.۳: کیساں کمسیتی تقسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے بین میں۔ قسیم کارداسس R اور کیسے وری گھراوکے گرد قسیر صرص گھوم سے ہیں۔ اپنے اپنے محور گھماویر گھمسیری جود کے لیے الیے ماعظے اول دکھر، قسیرص کی در حب بہندی کریں۔

سوالات

گھماوے متغیر

سوال ۱. ۴: ایک اچپ اکسلاڑی 60 فٹ دور کھاڑی تک 85 میل فی گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھسا وے گیٹ دیجینک سکتا ہے۔ دوسسرے کھلاڑی تک چنج کو گیٹ دینے حپکر مکسل کے ہوں گے؟

سوال ۴.۲: گھسٹری کی (۱) سسیکنڈوں کی سوئی، (ب)مسنٹوں کی سوئی، اور (ج) گھنٹوں کی سوئی کی زاوی رفت ارریڈیئن فی سسیکنڈ مسیں تلاسٹ کریں۔

سوال ۳۰٪: و ٹیل روٹی کا مکھن لگا گڑا میں زے پھل کر زمسین پر حیکر کھا تا گر تا ہے۔ میں زے زمسین تک مناصلہ 76 cm 76 cm اور 1 سے کم حیکر کی صورت مسین (۱) کم سے کم اور (ب) زیادہ ہے زیادہ زاوی رفت ارکیا ہوگی کہ زمسین پر گگئے ک بعد مکھن لگا طسرف زمسین پر ہو؟

سوال ۲۰۰۳: گومتے ہیے پر ایک نقطے کازاوی معتام $2.0+4.0t^2+2.0t^3+3$ کانا پریڈیئن اور t کا سوال ۲۰۰۳: گومتے ہیے پر ایک نقطے کازاوی معتام اور (ب)زاوی سمتی رفت ارکب ہوگا؟ کمحد t=4.0 ہے پر اسس کازاوی سمتی رفت ارکب ہوگا؟ (ج) کمی t=2.0 ہے پر اسس کازاوی اسراع تلاسش کریں۔(د) کیب اسس کازاوی اسراع معتقل ہے؟

سوال ۴.۵٪ پانی تک m 10 بلند حب بوترہ سے تب راک حب کر کھ کر کھ کر کھی کر پینچتا ہے۔ صف رابت دائی انتصابی سستی رفت رفت رف کر کے، پرواز کے دوران تب راک کی اوسط زاوی سستی رفت ارتلاسٹ کریں۔ t سوال ۲. ۳: گومتے ہینے کے چکاپر ایک نقطے کا زادی معتام $\theta = 4.0t - 3.0t^2 + t^3$ سوال ۲. ۳: گومتے ہینے کے چکاپر ایک نقطے کا زادی معتام t = 4.0s (ج) وقت t = 4.0s (ج) وقت t = 4.0s کا سینڈ میں ہے۔ گوٹ اور اپنے میں اور طرزادی اسراغ کیا ہوگا؟ اس دورانے کے (ج) آغی از میں اور (د) اختیام پر کھی آنی زادی اسراغ کیا ہوگا؟

سوال ۲.۷: ایک پہیامیں، جس کارداسس 30 cm ہے، آٹھ تیایاں برابر مناصلوں پر نصب ہیں۔ پہیامقسررہ دھسرے پر 2.5 حیکر فی سیکنڈ گھوم رہاہے۔ آپ 20 cm لمباتیہ مار کر، دھسرے کے متوازی، تیایوں کو چھوئے بغیبر، پہیے کے اندرسے گزارنا حیاہ ہیں۔ تیسر اور تیایوں کو انتہائی پتالا تصور کریں۔(۱) تیسر کی کم سے کم رفت ارکسیا ہو سستی ہے؟ (بیسر کی کم سے کم رفت ارکسیا ہو گا؟ (بیسر کی کم سے کم رفت ارکسیا ہوگا؟

متقل زاوی اسسراع کا گھپاو

سوال ۴.۹: اپنے وسطی محور پر ڈرم 12.60 rad s⁻¹ زاوی سمتی رفت ار سے گھوم رہا ہے۔اگر اب ڈرم 4.20 rad s⁻² کی مستقل شرح سے آہتہ ہو،اسس کور کئے تک (۱) کتن اوقت حہا ہے ہوگا اور (ب) رکئے تک سے کتن زاوی گھوے گا؟

سوال ۱۰ . ۲: ساکن حسالت سے آغناز کرکے ایک مسترص اپنے وسطی محور پر مستقل زاوی اسسراع سے گھومت ہے۔ است دائی 5.0 s است دائی 5.0 s مسین مسترص 5.0 s مسین عصرص 25 rad گھومت ہے۔ اسس دورانیہ مسین (ا) زاوی اسسراع اور (ب) اوسط زاوی رفتار کی مسین ایل عام 5.0 s مسین مسزید کتنازاد سے طرح اسے؟ کی صورت مسین ایل عام 5.0 s مسین مسزید کتنازاد سے طرح اسے؟

سوال ۱۱.۷۱: ایک فت رص جوابت دائی طور $120 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ عراح متقل اسراع $4.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ برگا؛ ستہ ہوتا ہے۔ (۱) فت رص کے رکھنے تک کتناوت درکار ہوگا؛ (ب) رکھنے تک فت رص کتنازاوپ طے کریگا؛

سوال ۱۲.۳: ایک گاری کا کا ساز (نجن) کی زادی رفت او 12 مسیں 1200 پکر فی منٹ سے بڑھ کر 3000 پکر فی منٹ کی حباتی ہے۔ (۱) اسس کا اسسراع حبکر فی مسر بع منٹ مسیس کے ہوگا؟ (ب) ان 12 مسیس کل (انجن) کتنے حبکر کا ٹی ہے؟

سوال ۱۳۰۳: ا**اُرُانِ بِهِيا** ۴۳ 40 کيکروں مسين 1.5 rad s⁻¹ زادی رفت ارسے سائن حسالت کو پنچت ہے۔(۱) مستقل زادی اسراع مستر ش کرتے ہوئے، رکنے کے لئے در کار وقت مسلوم کریں۔ (ب) اسس کا زادی اسسراغ کمیا ہوگا؟ (ج) 40 حسکر مسین ہے۔ است دائی 20 حسکر اُزان پہلے کئے وقت مسین کاشت ہے؟

سوال ۱۲٪ باز ساکن حیالت سے آغیاز کر کے، مستقل اسراع کے ساتھ، اپنی وسطی محور پر مسترص گھومت ہے۔ کسی

engine^{rr} flywheel^{rr}

ال ١١٦ گهماو

ایک لیجے مسیرس 10 حپکر فی سیکنڈے گھومت ہے؛ 60 حپکر بعبد اسس کی زاوی رفت ار 15 حپکر فی سیکنڈ ہے۔(۱) مسیرس کا زاوی اسسراغ، (ب) ہے 60 حپکر کو درکار دورانی، (ج) 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے کے لئے درکار دورانی، اور (د) ساکن حسالت ہے 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے تک کل حپکر تلاسش کریں۔

سوال ۱۵.۵: مسترص کے وسطی نقط ہے گزرتی انتصابی دھسرے پر ساکن حسالت ہے مسترص آعن از کر کے $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ کتے وقت مسین $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$

سوال ۱۱.۳: ساکن حسالت سے آغساز کر کے محور گلمسادپر فتسر ص زاوی اسسراع 1.50 rad s⁻² کے جلت ہے۔(۱) اہتدائی 2.00 حیکر اور (ب) اگلے 2.00 حیکر کتنے وقت مسین طے ہوں گے؟

سوال ۱۱. γ : 1 کین γ ست نور کا سے بناہ کو کہتے ہیں جو منارہ نور کی طسرح شعباع حنارج کر تا ہے۔ ناہی ہر پ کر کے دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت ہو ایک سال مسین معلوم کیا جب ایک مسین مار ول داہش کا دوری عسر مسرح کا مسین مسلم السرط کی مسلم السرط کی مسلم مسلم کا نام ک

خطی اور زاوی متغییرات کارشته

سوال ۲۰۳۰: ایک جیم مقسر رہ محور پر گھومت ہے، اور جیم پر حوالہ لکسیر مازاوی معتام $\theta=0.40e^{2t}=0$ ہے، جہاں θ ریڈ بیئن مسین اور t=0 سینٹڈوں مسین ہے۔ محور گھ وے t=0 مسین اور t=0 بر نقطی (۱) کے اسسراغ کے مسین حسین ورز برگان سین جے دائی حسین کی مسائی جیم کے ردائی حسین وی کا مسین جیم کو گھٹ کے ددائی حسین وی کا مسین کی مسائی جیم کا مسین کی مسائی جیم کا مسین کے دوائی حسین وی کا مسین کی مسائی جیم کے دوائی حسین کی حسین کو کی حسین کی مسائی جیم کو کا مسین کی کی مسین کی مسین کی کھٹر کی کی کی کی کی کی کھٹر کی کی کھٹر کی کی کھٹر کی کی کھٹر کھٹر کی کھٹر کی کھٹر کو کھٹر کی کھٹر کو کھٹر کی کھٹر کی کھٹر کی کھٹر کی کھٹر کی کھٹر کی کھٹر کے کھٹر کی کھٹر کے کھٹر کی کھٹر کے کھٹر کی کھٹر کے کھٹر کے کھٹر کی کھٹر کے کھٹر کی کھٹر کے کھٹر کی کھٹر کی

سوال ۲۰۲۱: الوا اور ۱۹۹۰ کے آال السیہ کے شہر پیپ مسین واقع جھ کا بڑھ ۲۸ کی چوٹی جنوب کے رخ سالان اوسطاً 1.2 mm کسے کرتی رہی۔ بُری سے 55 بلند ہے۔ بُری کے پیندا پر بُری کی زاوی رفت اربیڈیمئن فی سیکنڈ مسین کتنی ہے؟

pulsar

Crabnebula

 $supernova^{\textbf{r} \angle}$

leaningtowerofPisa r^

سوال ۳۰۲۲: خنلباز کو m 10 رواس کے مرکز گریزہ t^{2} سیں t^{2} دراس کے مرکز گریزہ t^{2} دراس کے مرکز گریزہ کی مستی رفت از مرکز کا مرکز کر دائی اسراغ کی مستی رفت از مرکز کر دائی اسراغ کی مستی رفت از مرکز کر دائی اسراغ کی دائی کر دائ

سوال ۴۰۲۳: ایک اڑن پہیا جس کا قطر سر 1.20 سے 200 حیکر فی منٹ کی زاوی رفت ارسے گلوم رہا ہے۔(۱) اڑن پہیے کی زاوی رفت اریڈ بیٹن فی سیکنڈ مسیں کتنی ہے؟(ب) اڑن پہیے کے چکا پر نقطے کی خطی رفت ارکسیا ہو گا؟(ج) پہیے کی زاوی رفت ارکسیا ہو گا؟ مستقل زاوی اسراع (حیکر فی مسر بح منٹ مسیں) کسیا ہو گا؟

سوال ۴۳.۳: گراموفور میں سوئی (پلاسک کی بنی ہوئی) تعالی اسکی چوڑیوں پر حپ ل کر آواز پیدا کرتی ہے۔ چوڑی مسیں بیج وحنم پر حپل کر سوئی ارتعب سش پذیر ہوگا۔ گراموفون میکانی ارتعب سش کو پہلے برتی ارتعب سش مسیں اور اسس کے بعب آواز مسیں تسبدیل کرتا ہے۔ منسرض کریں ہوتا کی تحب بی ہوڑی کو بحب یا حب ارس کا مدر سے گھومتی ہے، جس چوڑی کو بحب یا حب ارب ہے، اسس کا مداسس سامل کرتا ہے۔ اور چوڑی مسیں حنم کیساں سامل 1.75 سنسلوں پرپائے جب تے ہیں۔ حنم کسس مشدح (کار کی سین کے فی سیکنڈ) سے سوئی کو کھراتے ہیں۔ حنم کسس مشدح (کار کی سین کی کھیٹیڈ) سے سوئی کو کھراتے ہیں؟

سوال ۴۰۲۵: (۱) سطح زمسین پر 40° شمسال کے خط عرض بلد 7° پرواقع نقطے کی قطبی محور پرزاوی رفت ار ω کسیا ہوگی؟ (زمسین قطبی محور پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ

سوال ۲۰۲۱: دخانی کل ۳۳ (دخنانی انجن) کااڑن پہیا 150 حیکر فی منٹی کی مشتقل زاوی سنتی رفت ارے حسر کت مستقل زاوی سنتی رفت ارے حسر کت مسین ہے۔ بجب پر بیرم ۴۳ کی رگز اور ہوائی رکاوٹ پینے کو 2.2 گھٹوں مسین روکتی ہیں۔(ا) رکنے کے دوران پینے کا مشتقل زاوی اسراع، حیکر فی مسریع منٹ مسین، کیا ہوگا؟ (ب) رکنے تک پہیا کتنے حیکر کاشت ہے؟ (ج) جس لمحد ارثن پینے کی زاوی رفت او حکم کا مسان کی منٹ ہے، پینے پر محور گھاوے 50 cm فی اسراع کا ممای حبزوکیا ہوگا؟ (د) ذریے کے صافی اسراع کی متدر کیا ہوگی؟

سوال ۲۰ ، ۳: تختہ گھوم ۲۳ پر ، جو 33 أو سيلت سے گھوم رہاہے ، نق كادات مور گھساوے 6.0 مناصلے پر پڑا ہے۔ (۱) فق كااسراع كسيا ہے اور (ب) پھيلنے سے بچنے كے لئے كم سے كم سكونى رگز كا مستقل كسيا ہو گا؟ (ج) اگر ساكن حسالت سے تخت اس رفت ارتك و 0.25 مسيں مستقل زاوى اسسراع سے پنجپ ہو، پھيلنے سے بچنے كے لئے كم سے كم سكونى رگز كا مستقل كسيا ہو گا؟

 $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 25 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ ما تا ہے (شکل 31.10)۔ کن جالت ہے پہیا $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ کی زاوی رفت اور $r_A = 1.6 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ مستقل شرح ہے بڑھ کی جب تی ہے۔ پہیا $r_A = 1.6 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ فی منٹ تک بینچنز کے گئے کتنا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے) (ایشارہ: اگر پٹ پھیلے نہیں، دونوں پہیوں کے فی منٹ تک کینا وقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے)

centrifuge^{rq}
gramophone^{r*}
vinylrecord^{rl}
latitude^{rr}

equator rr

steamengine bearing bearing

turntable

السم. گھماو

ھے برابر خطی رفت ارسے حسر کت کریں گے۔)

موال ۲۹ من روشنی کی رفت ارناپنے کی ایک پر افی ترکیب شکل 32.10 مسین دکھنائی گئی ہے، جس مسین شگاف دار گومت کا ۲۹ میں اور گومت کا بہت کی ایک پر افی ترکیب سے عمرا کر دور آئین ہے کی گرا کر دور آئین ہے کر ان کی مشکل کی ایک مسین پہیا ایک شگاف آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگاف دار اللہ مسین پہیا ایک شگاف آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگاف ہے گئے تک والے سے گزریاتی ہے۔ پہیے کاردا سس 5.00 مشکل فول کی تعداد 500 داور آئینے تک و ناصلہ 500 میں گئے دروشنی کی رفت اور آئینے کی مشتل (زاوی) رفت ادر کیا ہے؟ پیسا کشن ہے کہ مناب کی فیلی رفت ادر کیا ہے؟ دروشنی کی رفت ادر کیا ہے؟

سوال ۳۰۳۰: ممکن پرخی کر تھے اڑن پیپے کو، جس کارداسس 2.83 cm ہے، ساکن حسالت ہے 2.83 cm سوال ۳۰۳۰: ممکن کر کے 2760 حیکر فی منٹ کی زاوی رفت ارتک لایاحب تا ہے۔(۱) اسس دوران پیپے کے چکا پر واقع نقطے کے ممائی اسسراخ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پیپنچ تک چکا پر واقع نقطے کاردائی اسسراخ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پیپنچ تک چکا پر واقع نقطے کرتا ہے؟

سوال ۱۳.۳۱: ایک و سرص، جس کارداسس $0.25 \, m$ و سخص کی و سطی انتصابی محور پر $0.25 \, m$ گھسانا مقصود ہے۔ سکن حسالت ہے آغناز کر کے، ابتدائی $0.25 \, m$ ودران و سرص کو مستقل $0.25 \, m$ مسرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک حباتا ہے۔ مشرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک کی حصہ کے مسرکز مائل اسراع کی و سدر $0.25 \, m$ مل سام کی گھنائی کے اس کی وردانے کتناہو مکا ہے جو اوز نے کرے۔ (۱) گھناؤی کے کے مصرکز مائل اسراع کی قیت کے ایوان کی گھنائی کے گھنائی کردانے کی دورانے کتناہو مکتا ہے والے میں مطابقتی $0.25 \, m$ کی قیت کے کہ دورانے کتناہو مکتا ہے والے میں مطابقتی $0.25 \, m$ کی قیت کے کہ دورانے کتناہو مکتا ہے والے مکتابو کی جس کے کہ والے مکتابو مکتابے والے مکتابو مکتابے والے مک

سوال ۴۳۲: ساکن حسالت سے آغناز کر کے گاڑی $30.0 \, \mathrm{m}$ رواسس کی دائری راہ پر حیباتی ہے۔ اسس کی رفتار $0.500 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2}$ مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم عقد میں مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم یے گاؤی کا مسافی ممتد اسراع اور گاڑی کی سمتی رفت ار آپس مسین کس زاویے پر ہیں ؟

گھماو کی حسر کی توانائی

سوال ۳۳۰ ایک پہیا 602 حیکر فی منٹ سے گھوم رہاہے اور اسس کی حسر کی توانائی ا 24 400 ہے۔ پہیے کا گھمیسری جمود تلاسٹ کریں۔

سوال ۱۳۳۳: ایک پتلی سلاخ ایک سر پر گھسائی حباتی ہے۔ شکل 33.10 مسیں سلاخ کی زادی رفت اربالقابل وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیان $\omega_s = 6.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیان $\omega_s = 6.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ پر سلاخ کی وقد رکت ہوگئی ہے جا (ا) کھی ہوگئی سر کی توانائی از 1.60 ہے۔ کو سے $t = 4.0 \, \mathrm{s}$ پر سلاخ کی حسر کی توانائی کی بیابوگی؟

gyroscope"2

گھىپەرى جمود كاحساپ

سوال ۳۰٬۳۷: میسٹر سلاخ، جس کی کمیت 0.56 kg ہے، کا گھمیسری جمود 20 cm نشان پرواقع سلاخ کو عسودی محور پر تلاسٹ کریں۔ (میسٹر سلاخ کو پستلی سلاخ تصور کریں۔)

سوال ۲۰۳۸: بلا کیب ساخ کے ساتھ تین ذرے چسپاں کیے گئے ہیں (شکل 35.10)۔ سلاخ کی لمبائی میں درجہ میں درجہ کی ساخ کی المبائی کے اللہ 6.00 cm کے ایکن سرپرواقع نقطہ O.0100 kg کے بائیں سرپرواقع نقطہ O. کررتی عصودی محور پر گلوم سکتا ہے۔ ہم ایک ذرہ ہٹ تے ہیں (جو % 33 کمیت بنت ہے)۔ محور سے (ا) مستریب ترین فررہ ہٹ نے فی صد کم ہوگا؟

سوال ۳۹.۳۹: اڑن پہیے کوبر قی موٹر سے 200 ریڈیئن فی سیکنٹر رفت ارتک پہنچپ کر گھومتے اڑن پہیے مسیں ذخیبرہ توانائی سے ٹرک حیلایا جب سکتا ہے۔ مسیر من کریں اڈن پہیا ٹھوسس اور یکسال ہیلن ہے، جس کی کمیت 500 kg اور رواسس 1.0 m ہے۔ (ا) بھسرائی کے بعید اڑن پہیے کی حسر کی توانائی کتنی ہوگی؟ (ب) اگر ٹرک اوسط گل 8.0 kW طاقت استعال کرتا ہو، بھسرائی کتنی دیر مسیں دوبارہ کرنی ہوگی؟

 $L=\frac{100}{2}$ بوال ۱۰٬۳۰۰ بالکل ایک جیسے 15 متے میں سیدھ میں رکھ کر سان ٹی کشکل میں ، جس کی لمب بی اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ نظام در میانے مت میں کے وسطی نقط O پر گھوم سکتا ہے۔(ا) اسس محور پر نظام کا گھمیسری جمود تلاسٹس کریں۔(ب) نظام کو کسک کے میں این تصور کرنے سے حبدول 2e.10 کا کلیہ استعمال کرنے سے گھمیسری جمود کے حساسہ میں کتنے فی صد سمویسید ابوگا۔

سوال ۳۰.۳: دو ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کیت $m=0.85\,\mathrm{kg}$ ہے ، ایک دو سرے کے ساتھ اور O پر واقع محور $d=5.6\,\mathrm{cm}$ اور $M=1.2\,\mathrm{kg}$ گھے اور کے ساتھ ہے دو سال خور ڈی ہیں۔ ان سالغوں کی انفٹ رادی کیت اور لہبائی $M=1.2\,\mathrm{kg}$ اور $M=5.6\,\mathrm{cm}$ اور $M=1.2\,\mathrm{kg}$ گھے دور کی سند نظام محور گھے اوپر $M=1.2\,\mathrm{kg}$ میں نظام (۱) کا گھے ہیں جود اور (ی) دستر کی توانائی کے ہیں ؟

 $x = 0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm} \cdot x = 2.0 \, \text{cm} \cdot 50 \, \text{g}$ نوال $y = 0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = -3.0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 4.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = -3.0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = 4.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm}$ خور $y = 0 \, \text{$

۱۲۰ پایس ۲۰. گلمهاو

 $c=1.4\,\mathrm{cm}$ واور ماره ماره ناور شکل کا کیکیت $b=8.4\,\mathrm{cm}$ و اور اضام میں اور اضام میں۔ میں ایک کا کا گھیسے میں جو دیا سٹس کریں۔ میں ایک کو عصودی ایک کونے سے گزرتی محور گھسا و پر سل کا گھیسے میں جو دیا سٹس کریں۔

سوال ۴۴، ۴٪ حیارایک جیسے ذروں کو، جن کی انفسرادی کمیت علی و 0.50 kg چوکور کی حیار راسس پرر کھے جب تے ہیں، جوڑا حب تا ہے۔(۱) محت الف اصلاع بن تے ہیں، جوڑا حب تا ہے۔(۱) محت الف اصلاع بن تے ہیں، جوڑا حب تا ہے۔(۱) محت الف اصلاع کے وسطی نقطوں سے گزرتی محور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، (ب) ایک ضلع کے وسطی نقط ہے گزرتی محور کھی اوپر، جو چوکور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، گھی اوپر، جو چوکور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، اور (ج) وتری محت الف ذروں سے گزرتی محور گھی و پر، جو چوکور کی سطح مسین پایا حب تا ہے، اسس استوار جم کا گھی میں جود تلاسٹ کریں۔

قوت مسروڑ

 $r_1 = 1.30 \, \mathrm{m}$ ایک جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے دوڑ کہ ہو گا گا جو گا ہو گا ہو گا ہو گا ہو گا گا ہو گا ہو

سوال ۲۳.۴٪ بلا کیہ، سان کا دو سراسہ چول سے اللہ کے ایک سے برپر 0.75 kg گیند باندھ کر، سلان کا دو سراسہ چول سے لاکلیا جباتا ہے۔ جب ساسل رفتاس انتصاب کے ساتھ °30 پر ہو، چول پر تحباذ بی قوت مسروڑ کی وقد رکسیا ہوگی؟

سوال ۴۸، ۴٪: سنٹکل کے پائیدان کابازو m 0.152 m ہوار سنٹکل سوار پائیدان پر 111 N نشیبی قوت لاگو کرتا ہے۔ پائیدان بازو کے چول پر اسس وقت قوت مسروڑ کی وقت در کسیا ہو گی جب انتصاب کے ساتھ پائیدان کا زاوی (۱) *30 ،(ر) °90 ،اور (ج) °180 ہو؟

نیوٹن کافت انون دوم برائے گھم او

سوال ۴۸.۳۰: تخت خوط میس تالاب مسین کود کر خوط خور کی زادی رفت ار، اسس کے مسر کز کمیت پر، 220 مسین مسنسرے تخت خوط میس کا گلمب ری جود 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کمیت پر اسس کا گلمب ری جود 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کمیت پر اسس کا گلمب ری جود کے اوسط زادی اسسراع اور (ب) تخت سے خوط خور پر بسیسر ونی اوسط قوت مسروڑ کی قت دریں کسیا ہیں؟ موال ۵۵.۵ تو سے پہنے پر 32.0 N m تو سسروڈ 25.0 rad s مسیسری جود کسیا

سوال ۲۱،۵۱۱ بلار گر افتی دھے ہے، جس سے کیت R = 5.00 cm کا چر تقیل ۲۹ صب ہے، جس سے کیت

?_

divingboard pulley pulley

سوال ۲۰.۵۲: ایک بسیان، جس کی کیت $2.0 \,\mathrm{kg}$ بینی وسطی طولی محور پر، جو O پر واقع ہے، گوم سکتا ہے (مشکل 1.00 ہے)۔ اپنی وسطی طولی محور پر، جو $F_4 = 5.0 \,\mathrm{N}$ ، ور $F_2 = 4.0 \,\mathrm{N}$ ، $F_1 = 6.0 \,\mathrm{N}$ ، اسیان کے زاوی اسراع(۱) کی ت در اور (ب) رخ تلاسش کریں۔ (گھ وک دروان بسیان کے کے ظریب قوت انہیں زاویوں پر رہتی ہیں۔)

سوال ۱۵۳۳: حباپانی کشی جو ڈو کہالتی ہے۔ ایک داومسیں آپ حسریف کا بایاں پاوں مار کر اٹھ تے ہیں اور ساتھ ہی اس کو وردی ہے کو کر بائیں کھینچے ہیں۔ نیچے کا محسوں آپ کا کا میں اس کا بایاں پاوں زمسین سے اٹھاد کھایا گیا ہے۔ محور گھاو نقط O پر ہے۔ کو سور تیج نوٹ E_g اس کے مسر کز کیت پر عمل کرتی ہے ،جو O ہے O کا وی O اور O کی توسی کے مسر کر کہیت پر عمل کرتی ہے ،جو O ہوتے کی قوت E_g متابل نظر انداز ہونے کی صورت کیت میں اور (ب) آپ کی قوت E_g متابل نظر انداز ہونے کی صورت میں اور (ب) آپ کی قوت افتی اس کی وقت افتی اس کی وقت اور نقط اطلاق کی بلندی E_g میں اور نقط کا بیت دائی زاوی اسراع کے ہوگا ؟

سوال ۸۵.۵: یکساں موٹائی اور کثافت (کمیت فی اکائی حجبم) کے پلاسک کی بے متاعدہ حپادر نقط ، سطح حپادر نقط ہیں کے برواقع، سطح حپادر کو عسودی، محود درج ذیل حباتی ہے (سفکل 45a.10)۔ اسس محود پر حپادر کا گھمیسری مجود درج ذیل ترکیب سے باپاحباتا ہے کہ متسرص ہے۔ رداسس 2.00 cm اور کمیت کی 1500 kg کا دائری متسرص حپادر کے ساتھ یوں چسپاں کمیاحب تا ہے کہ متسرص کا وصل کی پر ہو (شفکل 45b.10)۔ لئو پر وحساگہ کہیٹے کی طسرح متسرص پر دھساگہ کہیٹ کر دھساگہ 5.05 کے لئے کھینے حباتا ہے۔ نتیجتاً، متسرص کے چکا پر ممسائی لاگو 0.400 مستقل قوت متسرص اور حپادر دونوں کو گھمساتی ہے۔ ماحسل خراوی دفتار متاحد کا عمل کی دونوں کو گھمسائی جود کمیاہوگا؟

سوال ۲۰٬۵۱ و دو ذرے 1 اور 2 جن کی انفٹ رادی کمیت m ہے بلا کمیت سلاخ کے سروں پر حبٹرے ہیں (شکل ۱۰٬۵۱۰) سلاخ کی لمب کی $L_1 = 20$ cm ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا کے حب ان کی لمب کی $L_1 + L_2$ ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا کی حب رازوں 1 اور (ب) زرہ 2 کے ابت دائی اسراع کی حت در کمیا ہوگی؟

رفت ارکب ہوں گے؟

کام اور گھمیےری حسر کی توانائی

موال ۵۵ مین (۱) اگر شکل 19.10 مسین 19.10 میں $M=400\,\mathrm{g}$ ، $R=12\,\mathrm{cm}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=50\,\mathrm{g}$ ، اور $m=10.10\,\mathrm{d}$ ، اور

سوال ۵۹.۳: گاڑی کا خمدار دھرا ۳۰ کریئک شافٹ) 1800 حپکر نی منٹ رفت ارسے گھومتے ہوئے انجن سے دھسرے (اکسل) تک میں منزے سے توانائی پنجن تاہے ؟

سوال ۲۰ ، ۳: ایک پستلی سلاخ، جس کی لسبائی m 0.75 اور کمیت 0.42 kg ہے، ایک سرے کسٹکی ہے۔
سلاخ کو ایک حبانب کھنٹی کر رہا کر کے روشاص کی طسرح جولنے ویاحباتا ہے؛ نشیب سے سلاخ کہ داوی 4.0 rad s⁻¹ زادی رفتار سے گزرتی ہے۔ رگڑ اور ہوائی رکاوٹ نظر رانداز کریں۔(۱) نشیبی معتام پر سلاخ کی حسر کی توانائی کسیا ہوگی اور (ب)
سلاخ کا مسر کز کمیت نشیبی نقط ہے کئی بلندی تک پیٹیا تا ہے؟

موال ۲۱.۳: ایک پہیا، جس کو دائری پتلی سلاخ تصور کیا حب سکتا ہے، کی کمیت 32.0 kg اور رواسس میں 1.20 m میں روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسیل کتناکام سیل انحجام ہوگا؟ (ب) درکار اوسط طباقت کیا ہوگا؟

سوال ۲۲. ۳: تین ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کمیت $L = 6.00 \, \mathrm{cm}$ برا کمیت کو عب ودی، گور پر گوم سکتی ہے (شکل 35.10 کی سائے کو عب ودی، گور پر گوم سکتی ہے (شکل 35.10 کرنے، اور (ج) گھیسری سشرح کو (ا) $L = 0.00 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ برا نظام کی مسرح میں کو نظام کی خسر کی (جنول مسین) تو انائی بالمقابل (مسین) تو انائی بالمقابل (مسین کی مسرح سینیڈ مسین) مسرح سشرح گھیاو کی ترسیم کی ڈھیلوان کی باوگی؟

سوال ۱۳ ، ۱۳ مسیئر سلاخ زمسین پر کھسٹری کر کے گرنے دی حباتی ہے۔ عسین زمسین پر پینچ کر سلاخ کے دوسسرے سسر کی رفتار کسیاء کو پہتلی سلاخ تصور کر کے توانائی کی بستال صول پر دیکا اصول پر دیکا کا دلائیں۔)

سوال ۱۹۳٪: کیسان ہیں ہوں کو جس کارداسس 10 cm اور کمیت 20 kg ہے، یوں رکھا حباتا ہے کہ ہیسان کی وسطی طولی تورک متوازی، 5.0 cm ویر ہیسان کا گھسیسری جمود تلاشش کریں۔ (ب) محورک متوازی، 5.0 cm فیر کے گرد گھوم سے۔ (ا) محور گھماویر ہیسان کی وسطی طولی محورکو محمور کو محور گھماوی بلندی پر رکھ کرساکن ہیسان رہا کہا حب نشیب سے گزرتے وقت ہیسان کی وسطی طولی محورکو محمور گھماوی بلندی پر رکھ کرساکن ہیسان رہا کہا حب نشیب سے گزرتے وقت ہیسان کی وسطی اور کی اور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہیں میں معرف کا محمد کو معرف کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کی معرف کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہوگئر کے دور کی معرف کے دور کھارک ہوگئر کے دور کھارک ہور کے دور کھارک ہور کور کھارک ہور کھارک

موال ۲۰ ،۲۵ ایک بلند بسیلنی آتش دان جس کی بنیاد کمنزور پڑ گئ تھی گر تا ہے۔ آتش دان کو پسیلی ساخ تصور کریں جس کی کمبائی 55.0 شاہ 35.0 دوران جس لمح انتصاب کے ساتھ آتش دان °35.0 داویہ بناتا ہے

crankshaft".

، اسس کے بالا سسر کا(۱) ردای اسسراغ، اور (ب) ممسای اسسراغ کیا ہوں گے ؟ (اہشارہ: توانائی کی بقسا بروئے کار لائیں ناکہ توت مسروڑ۔)(ج) ممسای اسسراغ کسس زاویے θ پر $g=9.8~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-2}$

سوال ۲۲.۳۱: کیساں کروی خول، جس کی کمیت $M=4.5\,\mathrm{kg}$ اور داسس $R=8.5\,\mathrm{cm}$ بانتصافی وسطی مور پر بلار گڑ گھوم سکتا ہے (شکل 47.10)۔ بلا کمیت دھاگہ، جس سے $m=0.60\,\mathrm{kg}$ کی بہتر تقسیل کی گرار کر کرہ کے خطا ستواپر لپیٹا حباتا ہے۔ جب رتقسیل کا گھمیسری جمود $m=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$ سے m=1 اور دواسس m=1 کی خطا ستواپر لپیٹا حباتا ہے۔ جب رتقسیل کا دھسرا بلار گڑ ہے؛ دھا گہ حب رتقسیل پر پھیلتا نہیں ہے۔ ساکن حیالت ہے $m=5.0\,\mathrm{cm}$ کی دفت ارکب ہوگی تو انائی کی بقی استعمال کریں۔ m=1 کی دفت ارکب ہوگی کے بعد جم کی رفت ارکب ہوگی تو انائی کی بقی استعمال کریں۔

سوال ۱۳۰۷: پتلاگسیر (کمیت m اور رداس m 0.150 m) اور پتلی سلاخ (کمیت m اور لمب بنی m اور لمب بنی m اور لمب بنی m ور لمب بنی سیاخ (کمیت m اور لمب بنی سیاخ (کمیت m اور لمب بنی بی بر نظام سیده و کمی از نظام سیده و کمی بر نظام سیده و کمی بر معمولی بلانے بین معمولی بلانے سیاخ اور گھیرا m معمولی بلانے مستوی مسیں موجود ، افتی محور کے گردگومت ہے۔ وخسر خس کریں معمولی بلانے سیاخ اور گھیرا m کے مستوی مسیں موجود ، افتی محور کے گردگومت ہے۔ وخسر خسیری نقط ہے گزرتے وقت نظام کی زاوی رفت ارکب ہوگی؟

اضيافي سوال

سوال ۲۰٬۹۸ و دو گھوسس یکساں کرہ کی انفسسرادی کیست 1.65 kg ، اور رداسس 0.226 m اور 0.854 m ہیں۔ دونوں اپنی اپنی محور پر، جو کرہ کے مسر کزیے گزرتی ہے، گھوم سکتے ہیں۔ (۱) چھوٹے کرہ کو ساکن حسالت سے 15.5 s مسیں 317 rad s⁻¹ کی استوا پر ممسائی قوت کی قستدر کم سیامو گیجو اتی قوت مسروڑ دے ؟(ج) کہ اور (د) کا بڑے کرہ کے لئے کسابل؟

سوال ۲۹. ۲۰: رداسس r=2.00 cm کا تچونا استىر ص، رداسس r=2.00 cm کے بڑے مسیر ص کے کسنارے ہوں جوڑا سول ۲۹. ۲۹: مول کے کہ دونوں ایک مسیوی مسین ہوں (مشکل 49.10) ہیڑے مسیر ص کے مسیر کی پرواقع عسودی محور کے گرد نظام کا گھوم سکتا ہے۔ دونوں مسیر ص کی یکساں کثافت (کمیت فی اکائی جبم) $1.40 \times 10^3 \, \mathrm{kg \ m}^{-3}$ اور یکساں موٹائی $1.40 \times 10^3 \, \mathrm{kg \ m}^{-3}$ اور یکساں موٹائی میں۔

 $^{-2}$ متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔ $^{-2}$ کی $^{-2}$ کی متقل اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔ $^{-2}$ کی مخصوص $^{-2}$ دورانیہ کے آغن ارمسیں پہنے کی زاوی کم $^{-2}$ کی مخصوص $^{-2}$ دورانیہ کے آغن ارمسیں پہنے کی زاوی کی متحق رفت ارکیا ہے $^{-2}$ (ب) اسس متی رفت ارکیا ہے $^{-2}$ (ب) میں مارہا؟

سوال اے ہم: روجہم ، جن کی انفسرادی کیت 6.20 kg ہے، بلاکیت دھاگے ہے آپ مسین باندھے گئے ہیں (شکل مسال اے ہم: من کی انفسرادی کیت و ایس مسین باندھے گئے ہیں (شکل 50.10)۔ دھاگہ مصدری جود کے حب ر تقتیل ہے گزر تا ہے۔ حب ر تقتیل پر دھاگہ تھا۔ نہیں؛ جم نہیں حبات آیا میں زاور جم کے نی رگڑ ہے یا نہیں؛ حب ر تقتیل کادھ سرا بلار گڑ ہے۔ کار حسال کی حسال کی مسال کی حسال کی مسال ک

hoop

اب ۲۰ گھماو

 T_1 اور (و) دھاگے کا تناو T_2 کے اسراغ کی تناو T_2 کے این جاتوں کا کہنا ہوں جاتوں کی میں کا تناو کی کا تناو کا تناو کی کا تناو کا تناو کا تناو کا تناو کا تناو کا کا تناو کا تناو کی کا تناو کی کا تناو کا ت

سوال ۲۲.۳: پہتلی سلاخ، جس کی کمیت 6.40 اور لمب بی م اللہ 1.20 سے دونوں سرپر 1.06 kg کا گیت د نفس سرپر 1.06 kg کا گیت د نفس سے کیا جہاتا ہے۔ سلاخ کے مسر کزپر واقع انتصابی کورپر سلاخ افقی مستوی مسیں گھوم سکتی ہے۔ کی مخصوص لیم پر اسلاخ 39.0 سیس سے در کر تی آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب میں کا آہمیۃ کوخ میں کتاب کی آہمیۃ کوخ میں کر گار کی ایک ان کا ان کا کا کہ میں کتاب کی تو سے مسروز مستقل تصور کریں۔ (ا) زادی اسراع، (ب) آہمیۃ کن قوت مسروز مستقل توانائی کی قدر، اور (د) ان 32.0 میں حیکر کی تعداد تلاسش کریں۔ (ہ) اسٹر من کریں آہمیۃ کن قوت مسروز مستقل نہیں۔ کیا جب زور دمسزیر معلومات و یہ بغیر معلوم کے جاسکتے ہیں؟ جو معلوم کی حیاستے ہیں ان کی تیمسیں کیا ہوں گی؟

سوال ۲۰۰۳: ہمینی کاپٹر کے کیساں پُر کی لمب بنی 7.8 m اور کیسے 110 kg ہے، اور ایک و سابلہ اسس کو مدور دوسرے کے ساتھ جوڑتا ہے۔ (۱)جب مدور 320 حیکر فی منٹ ہے گھومتا ہے (جواسس کی پوری رفتار ہے)، وت بلے پر دھسرے کی قوت کی و تدر کیا ہوگا؟ (اک ارف ارف اسس ساب کے لئے پُر کو کمسیتی نقط تصور کیا جب باسکتا ہے جو پُر کے مسرکز کیست پر واقع ہو کیوں؟) (ب) سکن صالت سے 6.70 مسیں پوری رفتار تک پہنچ نے کے لئے مدور پر در کار قوت مسروڑ کیا ہوگی؟ ہوا کی رگز نظر انداز کریں (اسس صاب مسین پُر کو کمسیتی نقط تصور نہیں کیا جب ساسکتا ہے۔) رخی 320 حیکر فی منٹ تک پہنچ نے کے لئے ور کہا نہیں؟ پہنچ نے کے لئے قور کہا جب سکتا ہے۔) رخی 320 حیکر فی منٹ تک پہنچ نے کے لئے قور کھی جو کہا تھور کیا ہوگی؟

حوال A2. A2. A3. A3. A4. A5. A6. A6. A7. A6. A7. A6. A7. A7. A7. A8. A8. A9. A9.

سوال 20.7: ری پر جیلنے والا شخص اپن امسر کز کمیت ری پر رکھتا ہے۔ لمب اور مجساراڈ نڈ اہاتھ مسیں ہونامدد گار ثابت ہوتا ہے: اگر مسر کز کمیت ری پر گھرا کو مشخص ڈنٹرے کو ہائیں حسر کت دے کر گھساو
آہتہ کر کے سنجلت ہے۔ وسنسرض کریں شخص کی کیت 70.0 kg اور ری پر گھمسے ری جوو 15.0 kg m² ہے۔ ری پر اسس کے زاوی اسسراع کی ت در کمیا ہو گار اسس کا مسرکز کمیت ری سے 5.0 cm واور (ا) اسس کے پاسس ڈنٹر ان ہو اور (ا) اکس کے پاسس ڈنٹر ان ہو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟
(ب) اگر اسس کے پاسس 14.0 kg ڈنٹر ابو جس کا مسرکز کمیت ری سے 10 cm بائیں ہو؟

t=-لہ ہوال ۲۰.21: اسس پہیا t=0 پر ساکن حسالت ہے آغناز کر کے مستقل زاوی اسسراغ ہے گزر تا ہے۔ لمحہ ورم t=0 پر پہنے کی زاوی سستی رفت اور t=0 بھی ہے۔ اسسراغ t=0 ہے۔ اسسراغ t=0 ہے۔ اسسراغ کی جہنے کہ تاہے ؟ مسیں پہیا کتنازاویہ کے کرتا ہے؟

سوال ۷۷.۷: تخت گوم 33 چرنی منٹ کی رفتارے 30 میں بت درج آہتہ ہو کر رکتا ہے۔(۱) اسس کا (منتقل) زاوی اسراع، چکرنی مسرع منٹ میں، تلاشش کریں۔(ب) اسس دورانے میں تخت کتے چکر کاٹت ہے؟

retarding

سوال ۸۷.۷٪: تین L=0.600 سیل کی بیک پیک پیک کار پیشلی سیل خوں سے استوار جیم بنایا گیا ہے، جولا طبینی حسر و نسطی کار شکل مسین ہے۔ جیم افتی محور پر ،جوایک ٹانگ کی ہمسراہ ہے، گھوم سکتا ہے۔ جیم کامستوی افتی رکھ کر جیم گرنے دیاجب تا ہے۔ جب سے مستوی انتصابی معتام کو پنچت ہے، جیم کی زاوی رفت ارکب ہوگی؟

سوال 24.4: (ا) و کھائیں کہ کمیت M اور رداسس R کے ٹھوسس بیسان کا وسطی محور پر گھمیسری جود ، اور کمیت M اور رداسس R بین کہ کر پر گھمیسری جود پر ابر ہیں۔ R بین کہ کر پر گھمیسری جود پر آگھمیسری جود کے برابر ہوگا۔ معادل گھیسری جود R اور رداسس R ذیل R بوت کور پر گھمیسری جود R معادل گھیسراکا ہی محور پر گھمیسری جود کے برابر ہوگا۔ معادل گھیسراکی کمیت R اور رداسس R ذیل R ہوگا۔

$$k = \sqrt{\frac{I}{M}}$$

معادل گھیے راکار داس k اسس جسم کار دار ہر دوار میں کہا تاہے۔

وال ۸۰. ۳: دائری مسترص $\theta_1=0.0$ مسیں مستقل زاوی اسراع کے ساتھ زاوی معتام $\theta_1=0.0$ rad معتام $\theta_1=0.0$ rad $\theta_1=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ rad $\theta_2=0.0$ rad معتام معتام $\theta_2=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ بخت ہے۔ معتام $\theta_2=0.0$ بالقابل $\theta_2=0.0$

سوال ۸۱.۳: ایک پستلی یک اس سلاخ جس کی لمب بی سال 2.0 m میں سرپر واقع بلار گڑ افتی کسیل پر گھوم سکتی ہے (شکل 53.10)۔ افتی سے $\theta=40^\circ$ اوپرر کھ کر ساکن حسالت سے سلاخ رہا کی حب اتی ہمت ام سے گزرتے وقت سلاخ کی زاوی رفت از تو تا ناکی کی بقت کا اصول استعمال کر کے تلاسش کریں۔

سوال ۸۲.۸۲: ایک پرخ ہنڈولا ۳۳جس کا قطر سا 76 ہے 36 کئر گاڑیوں پر مشتمل ہے۔ ہر گاڑی مسیں 60 سواریسے میں استعمار سے بیان ہوئی اور بسی میں سے بیان ہوئی اور بسی میں مستقل زادی رفت ارسے حیالیا جب اتا ہے۔ صرف سواریوں کو گھمانے کے این کا کام کی تخمین قیمت تاسش کریں۔

سوال M=500 ہے۔ کہیں ہے۔ وہیا گہ میں M=500 ہے۔ کہیں ہے۔ وہیا گہیں۔ وہیا گہیں۔ وہیا گہیں۔ کہ دھیا گہ کے سروں ہے M=400 ہے۔ $M_1=400$ ہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گہیں۔ کہ دھیا گھیں ہے۔ کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت وہیں کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ رہا کہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ رہا کہیں ہے۔ انہیں ہے۔ نظام ساکن حیالت ہے۔ کہیں ہے۔ انہیں کہیں ہے۔ کہ

سوال ۸۸٪: وسطی سائسبیریامسیں، جون 30 ۱۹۰۸ کی صبح کے سات نگر چودہ منٹ پر، °61 شمال خط عسر ض بلد اور °10 مشرق خط طول بلد پر، کچھ بلندی پر ایک خون ناک دھاکہ ہوا۔ جو آگ کا شعب اشادہ جو جری دھاک سے پہلے انسان نے کبھی نہیں دیکھا۔ وقوعہ میں ایش میں آیا جس کی بہت سنگر کا وقوعہ میں آباد تاہے۔ ایک انسان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیسٹ مسین آبادہ سے مطابق "آسمان کا بہت بڑا دھے وقوعہ کی لیسٹ مسین آبادہ سے عنالبًّ m 140 ہوڑے بھری

radiusofgyration

Ferriswheel

Tunguskaevent 60

ا۲۲ پاپ ۲۰ گھماو

سیار حب کے پھننے سے پیدا ہوا۔ (۱) صرف زمسین کا گھسا و مد نظسر رکھتے ہوئے، معساوم کریں کہ سیار حب کتنی دیر بعسہ پہنچنے پر دھاکہ °25 مشرق کے خط طول بلد پر واقع شہب رہلستگل کے اوپر ہوتا۔ ایکی صورت مسیں شہب رکھسل طور پر تباہ ہو حباتا۔ (بیان سے بہنچنے پر دھاکہ بحسر القیانوسس کے بر عکس اگر سیار حب دھیا کہ بحسر القیانوسس مسیں °20 معنسر بے خط طول بلد پر ہوتا؟ (دھاکے سے پیدا سونامی بحسر القیانوسس کے دونوں اطسر اون سالی آبادی تباہ کرتا۔)

موال ۸۵.۸۵: گانے کا گیند افق ہے 20° زاویے پر $60~\mathrm{m}~\mathrm{s}^{-1}$ وختار اور $90~\mathrm{rad}~\mathrm{s}^{-1}$ شرح گھسا وے پھیکا حباتا ہے۔ ہوا کی گھسا نے نظے رانداز کریں۔ بلند ترین نقطے تک پہنچے تک گیند کتنے حپکر کا شت ہے ؟

سوال ۸۱.۷: دودائری چھلوں کامسر کز ایک نقط پر رکھ کر انہیں تین بلا کیت سلاخوں ہے ہم سطی جوڑا حباتا ہے (مشکل 54.10)۔ نظام کے مسرکز پر واقع انتصابی محور کے گرد نظام، جو نی الحسال ساکن ہے، گھوم سکتا ہے۔ چسلوں کی کمیت، اندرونی رداسس، اور ہیسرونی رداسس درج ذیل حب دول مسین چیش ہیں۔ ہیسرونی چسلا کے ہیسرونی کسنارے پر © 0.300 کے لئے 12.0 N ویرانے مسین نظام کی زاوی رفت ارمسین تبدیلی کسیا ہوگی؟

بيروني رداسس (m)	اندرونی رداسس (m)	کیت (kg)	چھسلا
0.0450	0.0160	0.120	1
0.1400	0.0900	0.240	2

سوال ۸۰.۸: بلار گزافتی دهسرے پر m 0.20 سرای کی بہیانصب کی حب اتا ہے۔ بلا کمیت دها گا پہیے کے گرد لہین موال ۱۰.۸ دها گے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے (مشکل کردھا گے کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے وہ ساتی ہے (مشکل کے آزاد سرکے ساتھ ، افتی ہے 0.20 سرائے سے نشیبی حسر کت کرتی ہے۔ دھسرے پر پہیے کا گھمیسری محمد کا اسرائے سے نشیبی حسر کت کرتی ہے۔ دھسرے پر پہیے کا گھمیسری جمود کی ہے ؟

سوال ۸۸. ۳: ایک پیتلے کروی خول کارداسس 1.90 m ہے۔خول کو 960 N m قوت مسروڑ، کرہ کے مسر کزپر واقع محور کے برواقع محور کے مسر کزپر واقع محور کے برواقع محور کے برواقع محور کے لیے بے؟

اسوال ۸۹. ۳: سائنگل سوار، جس کی کمیت کی کمیت کا کمیت کی پر حپڑھتے ہوئے باری باری سائنگل کے نشیب وار مسرک کرتے پائدان پر اپنی پوری کمیت ڈالت ہے۔ پائدان سے 0.40 قطسر دائرے پر چلتا ہے۔ پائدان کے محور گھساو پر سسائنگل سوار زبادہ سے زبادہ کتنی قوت مسروڑ ڈالت ہے۔

سوال ۹۰.۳: انجن کااٹن پہیا 25.0 rad s⁻¹ زادی رفت ارسے گھومت ہے۔ انجن بسند کرنے پر اٹن پہیا مستقل ششر ہے۔ بستدر سے آہتہ ہوکر 20.0 s مسیں رکتا ہے۔ (۱)اٹن پہیے کازادی اسسراغ، (ب) رکئے تک طے مشدہ زاویہ، اور (ج) رکئے تک کائے گئے حیکر تلامش کریں۔

 موال ۹۳.۹۲: دوده یا کمکٹال سے مسرکزے مورخ کا فن صلہ 10^4 × 2.3 نوری سل ہے۔ کہکٹال کے مسرکز کے گرد مورخ 250 km s $^{-1}$ کے گرد مورخ 250 km s $^{-1}$ کے گرد مورخ ایک و پیدائش کے مسرکز کے گرد مورخ ایک و پیدائش کو مسین مکسل کرتا ہے ؟ (ب) مورخ کی پیدائش کے اب تک، مورخ کتنے دپکر کا نے چکا ہے۔ مورخ کی پیدائش کو 4.5×10^9

سوال ۹۳. ۳: بلار گرافقی محور پر رواسس 0.20 m کاپہپانسے ہے۔ محور پر پہیے کا گھیسری ہموو 0.050 kg m² ہے۔ پہیے کے گرد لیج دھائے کے سسرے 2.0 kg اینٹ بند ھی ہے جو بلار گرافتی سطح پر حسر کست کر سنتی ہے۔ اگر اینٹ پر میں 1.00 میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی اور کی میں دکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی میں وکھایا گیا ہے، پہیے کے زادی اسراع کی قسدر کی ہوگی؟ دھاگہ میں پر پھیلتا نہیں ہے۔

سوال ۱۹۹۳: ایک ہوائی جہاز کا، جو زمسین کے لیے ظرے $480~{\rm km}~{\rm h}^{-1}$ کے پرواز کر رہا ہے، پہنکھا 2000 حپکر ٹی منٹ سے گھوم رہا ہے۔ (۱) ہوا باز اور (ب) زمسین پر کھٹڑے شخص کے نقطہ نظسر سے رداسس $1.50~{\rm m}$ پہنکھے کے پُر کا سسکے منٹ سے گھی رفت ارب خطی رفت ارب حسر کرت کر تاہے۔ جہاز کی سستی رفت اربور پہنکھے کادھے۔ رامتوازی ہیں۔

سوال ۹۵ برد: تین کمسیتوں کو بلا کمیت سانوں سے جوڑ کر استوار جم بنایا گیا ہے (مشکل 57.10)۔ جم کو نقطہ P پر واقع، جم کی سطح کو عصود کی، گور پر گھسانا مقصود ہے۔ اگر $b=50~\mathrm{cm}$ ، اور $a=30~\mathrm{cm}$ ، $b=50~\mathrm{cm}$ ، اور $b=50~\mathrm{cm}$ کو سالت ہے جم کو گرا موگا بھی ہوئی نے کے لئے کتنا کام در کار ہوگا ؟

سوال ۹۹. ۳: مشروب کے ڈیے مسیں گنجی کا شعول مشروبات کی صنعت مسین ایک بڑا اسدم محتا۔ ڈیے کے بالا سسر مسین وسطی مت لے پر کئجی کا سب سے مسین وسطی مت لے پر کئجی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کئی کا دوسسرا سسر ڈیے کے بالا سسر کے کمسنزور کردہ مصے کو بنچے دباتی ہو ہے۔ اگر آپ 10 N قوت سے کئجی اوپر کھینچین، کمسنزور کردہ مصے پر کئتی قوت عمسل کرتی ہے؟ (مشروب کاڈب لے کراسس عمسل پر غور کرنا ہوگا۔)

سوال ۹۹. ۳: بلار گڑافتی محور پر، شکل 59.10 مسیں پیش نظام استعال کرے ، $30~{\rm kg}$ کاڑ ب اٹھایا جاتا ہے۔ بیسرونی رواسس $R=0.50~{\rm m}$ براگو ہے کہ کارداسس $R=0.50~{\rm m}$ براگو کے دواسس $R=0.50~{\rm m}$ کرنے ہے ڈسی کی متدر کے استراع ہے اوپر اٹھتا ہے۔ محور پر نظام کا گھمیسری جود کیا ہے ؟

موال 99.9: بلا کمیت سال نی جس کی لمب نی سال میں ہوائی ہے۔ سے ایک سے پر 1.30 kg گیند نصب ہے۔ سال نی کے دوسرے سرپر نظام افتی دائرے مسیں 5010 حیکر فی منٹ رفت ارسے گھومت ہے۔ (۱) محور گھساو پر نظام کو کا گھسیری جمود تلاسٹ کریں۔ (ب) گھساو کے محت الف رخ، گیند پر ہوائی گھساٹ N^{-2} N مستقل رفت ارسے گھومت رکھنے کے لئے کتنی تو ہے۔ مسروڑ درکار ہوگی؟

MilkyWaygalaxy hub 2

۱۲۸

سوال ۱۰۰، وو پتلی سیا جنین (جن کی انفخیرادی کمیت $L_1 = 0.20 \, \mathrm{kg}$ سین جوڑ کر ، شکل 60.10 مسین جوڑ کر ، شکل 60.10 مسین جوڑ کر ، شکل 60.10 مسین بیشش ، استوار جم بنیاج باتا ہے۔ ایک سیان کی لمب ائی $L_1 = 0.40 \, \mathrm{m}$ اور دو سرے کی $L_2 = 0.50 \, \mathrm{m}$ اور دو سیان نقطے پر واقع ، سطح صفحہ کو عصودی ، محور پر استوار جم کا گھیسری جمود تلاسش کریں۔ (ب) کبی سیان کے مسطح نقطے پر واقع ، سطح صفحہ کو عصودی ، محور پر استوار جم کا گھیسری جود تلاسش کریں۔

سوال ۱۰۱۱، جبر تقتیل ہے، اور A عملیا حباتا ہے (شکل 10.10)۔ حبر تقتیل A (رداسس 15 cm) اور حبر تقتیل محسر کے حبر تقتیل ہے، اور A المام A کوہت ہے۔ حبر تقتیل A (رداسس 10 cm) اور حبر تقتیل A کوہٹ A کارداسس 25 اور حبر تقتیل A کوہٹ A کوہٹ A کارداسس 25 cm) اور حبر تقتیل A کوہٹ A کوہٹ A کارداسس کے خلی رفت از، (ب) کوہٹ A کارداسس کے کارداسس کے کارداشت کی خلی رفت از، (دراسس کے کاردی رفت از، (دراست کارداشت کی کاردی رفت از، (دراست کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی کی کاردائی ک

 $L=:M=1.6\,\mathrm{kg}$ سوال ۱۰۲:۲۰: تین گیند کو تین سلاخ ملاکر استوار جم دیتے ہیں (شکل 62.10)، جہاں P=0 برواقع جم کی سطح کو P=0 میں P=0 برواقع جم کی سطح کو عصودی اور جم کے مستوی مسیں پائی حب نے والی محور پر جم کی سطح کو عصودی اور جم کے مستوی مسیں پائی حب نے والی محور پر جم کی گھیسیدی حسر کی توانائی اسس صور سے مسیں تلاسش کریں جب محملی کا زاوی رفت از P=0 ہو۔

سوال ۱۰۳: نقط A پر موجود افقی محور کے گرد (A B A کیت اور A A A بی) پتیلی یک ان سلاخ آزاد ان گومتی ہے (63.10 A نقط A کی انقط A کی انقط کے سرے A وقت سان A وقت سان A کی انقصابی معتام سے گزر رہی مجود کیا ہے؟ (ب) سلاخ کے سرکا گا گھیں کی جود کیا ہے؟ (ب) سلاخ کے سرکا کی (فطی) رفت اراس وقت کیا ہوگی جب سلاخ انتقابی معتام سے گزر رہی ہو؟ (ج) اوپر حباتے ہوئے سلاخ کس زاویہ A پر لحماتی رکتی ہو؟ (ج) اوپر حباتے ہوئے سلاخ کس زاویہ A پر لحماتی رکتی ہو؟ (ج)

سوال ۱۰۴٪: حیار ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کیے ہے۔ 0.20 kg ہے، چو کور کے کونوں پر رکھ حب حباتا ہے۔ چو کور کا اضاراع کی انفٹ رادی کہ بن کی انفٹ رادی کی لیست سازقوں ہے جو ڑا حباتا ہے۔ استوار جم انفٹ بی مستوی مسیں افتی محور A کے گرد گھوم مکتا ہے۔ A ایک ذروں کو بلا کمیت مسر کزے گزرتی ہے۔ سلاخ A افتی رکھ کر جم کو سائن حساس سے رہائے کے مسر کزے گزرتی ہے۔ سلاخ A انتفائی معتام ہے جول کر گزرتی ہے، A کر جم کی زاوی رفت ارکسا ہوگا وہ جم کی زاوی رفت ارکسا ہوگا ؟

سوال ۱۰۵ میں جیتا کو 114 km h⁻¹ کی حسرت کن رفت ارپر دوڑتا دیک گیا ہے۔ منسر ض کریں آپ چیتا کے ہمسراہ گاڑی مسیں جیتا ہوئے چیتا کی رفت ارجب نے کے لئے رفت ارپیب پر نظسر ڈالتے ہیں جو 114 km h⁻¹ دیت ہے۔ آپ گاڑی کو چیتا ہے مستقل طور پر 8.0 سور کھتے ہیں، تاہم چیتا گاڑی کے ڈرے مسلسل دور پختے ہوئے m 92 ردائی راہ پر دوڑتا ہے۔ یوں آپ m 100 ردائس کے دائرے پر گاڑی حیاتے ہیں۔ (ا) دائرے راہ پر جیلتے ہوئے آپ کی اور چیتا کی زاوی رفت ارکسیا ہے؟ (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے اس راہ پر چیتا کی دفت ارکسیا ہوگا ? (اگر آپ دائری راہ کی لمب نیوں مسیں منسرق حساب میں شامسل نے کہتے چیتا کی رفت ارکسیا ہوگا ۔ بھو کا برف ہوگا۔ بھو گاڑی اور ختا کی رفت اراتی زیادہ

بتائي گئي۔)

سوال ۱۰۷.۳: ایک حبر تقیل، جس کا قطب میں 8.0 cm ہے، کے گرو m 5.6 ڈور کسیٹی جباتی ہے۔ ساکن حبالت کے آئوں اللہ ۱۰۶ کا معتقل اسراع دیا جباتا ہے۔ (۱) ڈور مکسل اترنے تک حبر تقیل کتنا زاویہ طے کرتا ہے، اور (ب) ایب کتنی دیر مسین ہوگا؟

سوال ۱۰۸٪ گراموفون کی محتالی 33½ حپکرنی منسے سے گھسائی حساتی ہے۔(۱)اسس کی زاوی رفت اریڈیئن فی سسینڈ مسیں کسیاہو گی؟ محتالی کے محور گھساوے (ب) تا 15 دور (ج) 7.4 cm ردای مناصلے پر نقطے کی خطی رفت ارکسیاہو گی؟

باب ۵

لڑھکاو، قوت مسروڑ، اور زاوی معیار حسر کت

ا. ۵ متقیم حسر ک<u> اور گلم</u>اوم سل کر لژه کاو دیتے ہیں

مقاصد

ا سے بھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا. حبان یائیں گے کہ لڑھکاو حن الص متنقیم حسر کے اور حن الص گھم او کامحب وعہ ہے۔

۲. ہموار لڑھکاومسیں مسر کز کمیت کی رفت اراور جسم کی زاوی رفت ارکا تعساق استعال کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• رداسس R کے پہیا کے لئے جو ہموار سطح پر لڑھک رہا ہو ذیل ہو گا:

 $v_{\underline{}} = \omega R$

جبال مرزئيس و پہيے كے مسركز كميت كى خطى دفت اراور س پہيے كے وسط پر پہيے كى زاوى دفت ارب-

• پہیے کو نقطہ P کے گرد، جو "فسرسش" کے ساتھ مسس ہے، لمحاتی گھومت تصور کیا حبا سکتا ہے۔ مسر کز کمیت کے گرداور اسس نقطہ کے گرد جم کی زاوی رفت اربر ابر ہے۔

طبعیات کیاہے؟

جیب باب ہم مسین ذکر کب گیب، گھماو کا مطالعہ طبیعیات مسین شامسل ہے۔ عنالبًا، اسس مطالعے کا اہم ترین اطباق پیچ اور پیچ نسااجسام کالڑھکاوہے۔ یہ اطباقی طبیعیات بہت عسرصہ سے استعمال مسین ہے۔ دستہ یم زمانے مسیں ہواری اجب م لٹھ پر لڑھ کاتے ہوئے ایک جگہ ہے دوسسری جگہ منتقبل کیے حب تے تھے۔ آج کل ہم گاڑی مسین سامان رکھ کرایک جگہ ہے دوسسری جگہ لڑھ کاتے ہیں۔

لڑھکاو کی طبیعیات اور انجلیٹ مزی اتنی پرانی ہے کہ اسس مسیں نے تصور مسکن نظر رنہ میں آتے۔ تاہم، میں وار تحفیۃ 'زیادہ پرانا نہیں۔ ہماراکام برہاں لڑھکاو کی حسر کرے کو ب دہ ب ناہے۔

ستقیم حسر کت اور گھساوے مسل کر لڑھکاو دیتے ہیں ا

سطح پر ہمواری سے لا محت اجسام پر بہب ان خور کسیا حبائے گا؛ یعنی جہم بغیب اچھلے یا پھیلے سطح پر حسر کت کر تاہے، چکاپر نقطہ مسین ہموار لڑھکاہ کی پیچیپ گی د کھائی گئی ہے: اگر حیب جہم کامسر کز کیسے سیدھی کسیسر پر حسر کر تاہے، چکاپر نقطہ یقسینا ایس نہیں کرتا۔ بہسر حسال اسس حسر کرتے کو مسر کز کیسے کی مستقیم حسر کسے اور باقی جہم کا، اسس مسر کز پر، گھساو تصور کسی حب سکتاہے۔

اے سیجھنے کے لئے، و نسر ض کریں آپ سٹر کے کن اربے کھٹڑے ہو کر، گزرتے ہوئے سائگل کے پہیے کا مطالعہ کرتے ہیں (شکل 1.11)۔ جیسا شکل مسیں و کھسایا گیا ہے، پہیے کا مسر کز کمیت O مشقل رفت اربی ہے سے آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور آگے بڑھت ہے، اور کی بیٹے رہت ہے۔ v بیٹے رہت ہے۔ یور P بمیث P کھیک نیٹے رہت ہے۔

و مستی دورانی t کے دوران، t اور t دونول مناصلہ t طے کرتے ہیں۔ سائیکل سوار کے نقطہ نظسر سے، پہیازاو سے کا کرتا ہے۔ مساوات کا اس تو ی مناصلہ t طے کرتا ہے۔ مساوات کا اس تو ی مناصلہ t اور ذاور t کا نعساق دی ہے:

$$(\Delta.1) s = \theta R$$

جہاں R پہیے کارداس ہے۔ پہیے کے مسر کز (یکساں پہیے کا مسر کز کیہ۔) کی فطی رفت ار مسر کز کیہ۔ کا مستقل رکھتے ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت حبان کتے ہیں۔ پہیے کے مسر کز پر پہیے کی زاو کی رفت ار طی اوال کا مستقل رکھتے ہوئے، مساوات ا، ۵ کاوقت کے ساتھ تفسر ق ذیل دیگا۔

$$v_{\underline{}} = \omega R \qquad (2.7)$$

دونون کا ملاہ۔ شکل 4.11 مسیں دکھایا گیا ہے کہ پہنے کی لڑھکنی حسر کت اور حنائیں مستقیم حسر کت اور حنائیں گھیسری حسر کت پیش کرتی ہے (جس مسیں مسرکز گھیسری حسر کت پیش کرتی ہے (جس مسیں مسرکز پر ، زاوی رفت اور س) سے گھومت ہے۔ (ایسی حسرکت پر محور گھیسا و س) کن تصور کیا جا تا ہے): پہنے کا ہر نقطے ، مسرکز پر ، زاوی رفت اور سے گھومت ہے۔ (ایسی حسرکت پر علی است مسین غور کیا گیا ہے کہ باہری کسنارے (چکا) پر ہر نقطے کی خطی رفت اور سے برائی سے کا ہر کا کہ میں دنائیں حسرکت پیش ہے (جس مسین تصور کیا جا تا ہے کہ پہنے گھر خور کت کے تاہے۔ نقطے میں دنائیں حسرکت کرتا ہے۔

شکل 4a.11 اور شکل 4b.11 مسل کر، شکل 4c.11 مسیں پیش، پہیے کی اصل لڑھکی حسر کت دی ہیں۔ حسر کات کے ملاپ مسیں پہیے کا افغان مسیر پہیے کا بالانقط ہے زیادہ سین مسیر کئی دو سرے نقط ہے زیادہ سین ان مسیر کئی کی دو سرے نقط ہے بیاں مسیر کرتا ہے۔ شکل 5.11 مسیر ان نتائج کا اشباتی مظاہرہ کیا گیا ہے، جہال سے کی کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ آپ دکھ کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ سرکت کرتا ہے۔ آپ دکھ کربت سے تبین کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔ سرکت کرتا ہے۔ ہیں کہ پہیے کا بالاحم نظر آتی ہیں۔

سطح پر دائری جمم کی ہموار لڑھکنی حسر کے و، مشکل 4a.11 اور مشکل 4b.11 کی طسرح، منالص گھمیسری حسر کے اور منالص مستقیم حسر کے مسین علیحہ و علیحہ و کسیاحہا ساتا ہے۔

لڑھكاوبطور حنالص گھپاو

شکل 6.11 میں پیے کا لڑھکاو نے انداز میں پیش کیا گیا ہے؛ جس نقطے پر پہیا سڑک میں کرتا ہے، "سر گرک میں کرتا ہے، "سر گرک "کے اسس نقط سے گزرتی محور پر پہیا گھومت ہے؛ یہ محور سے رہنے ہوں ہوگا۔ ہم لڑھکاو کو، شکل 4c.11میں نقط ہے P سے گزرتی، پہیے کو عبود دار، محور پر حنائع گھاو تصور کرتے ہیں۔ یوں شکل 6.11میں سمتیا ہے، لڑھکای کی پیے پر نقطوں کی لمحساتی ستی رفت اردیے ہیں۔

سوال اس محدر پر سائکل کے لڑھکنی پہیے کو کسیازادی رفت ارمخص کرے گا؟

جواہے: وہی زادی رفتار س جو سائکل سوار مسرکز کمیت کے گرد منالص گھماد کامث اہدہ کرتے ہوئے پہیے کو مختص کرتا ہے۔

اسس جواب کی تصدیق کرنے کی حن طسر، ہم ساکن مشاہدہ کارے نقطبہ نظسرے لڑھکتی پہیے کے منسراز کی خطی رفت ار تلاسٹس کرتے ہیں۔ پہیے کارداسس R لیستے ہوئے، پہیے کا صنبراز سشکل 6.11مسیں P پرواقع محورے 2R صناصلے پر ہوگا، البندا منسراز کی خطی رفت ار(مساوات ۱۵۰۲ ستعال کرکے) ذیل ہوگی:

$$v_{\scriptscriptstyle{\mathcal{I}}}$$
نـرا ω $=(\omega)(2R)=2(\omega R)=2v$

جو شکل 4c.11 کے عسین مطبابق ہے۔ آپ مشکل 4c.11 مسیں پیش، نقطہ O اور P کی، خطی رفت ارکی تعسدیق بھی اسس طسرح کر سکتے ہیں۔

آزمائشس

ایک سائنگل کے پچھلے پہیے کارداسس اگلے پہیے کے رداسس کادگٹ ہے۔(۱) کسیا جیلنے کے دوران بڑے پہیے کے منسراز کی فطی رفت ارچھوٹے پہیے کے منسراز کی فطی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، یااسس کے برابر ہے ؟(ب) کسیا پچھلے پہیے کی زاوی رفت اراگلے پہیے کی زاوی رفت ارسے زیادہ ہے، کم ہے، مادونوں برابر ہیں؟

timeexposure'

الرهاو كي قوتين اور حسر كي توانائي

مقاصد

ا مس ھے کو پڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے ت!بل ہوں گے۔

ا. مسرکز کیہ کی مستقیم حسر کی توانائی اور مسرکز کیہ ہے گرد گھمیسری حسر کی توانائی کامحبموعہ حساس کر کے جمع کی حسر کی توانائی معلوم کریائیں گے۔

- ۲. ہمواری کے ساتھ لڑھکنی جسم کی حسر کی توانائی مسیں تب یلی اور جسم پر سسرانحب م کام کا تعساق استعال کریائیں گے۔
- ۳. ہموار لڑھکاو (اہنے ابغیب میسلن) کے لئے، میکانی توانائی کی بقب استعال کر کے ابت دائی توانائی کی قیتوں اور اختتامی توانائی کی قیتوں کا تعسلق حیان یائیں گے۔

كليدي تصورات

• ہموارلڑھکنی پہیے کی حسر کی توانائی ذیل ہے،

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv\underline{\qquad}\omega^2$$

جباں مسر کز کیت پر جم کا گھمیسری جمود مرزئین اور پہنے کی کیت M ہے۔

$$a_{\underline{},\chi_{\lambda}} = \alpha R$$

• اگر θ زاویہ کے میلان پر پہیا ہمواری کے ساتھ اترتے ہوئے لڑھکتا ہو، اسس کا اسسراع، میلان کے ہمسراہ اوپر رخ محور x پر، ذیل ہوگا۔

$$a_{\underline{\hspace{1cm}}} = -\frac{g \sin \theta}{1 + I_{\underline{\hspace{1cm}}} / MR^2}$$

لڑھکاو کی حسر کی توانائی

آئیں س کن مث مبدہ کار کے نقط۔ نظسرے لڑھکتی پہیے کی حسر کی توانائی معسلوم کریں۔اگر ہم شکل 6.11 مسیں نقطہ P سے گزر تی محور پر لڑھکاو کو حت الص گھب و تصور کریں، تب مساوات ۴۳،۳۴ میل دیگی،

$$(a,r) K = \frac{1}{2}I_P\omega^2$$

جہاں P پر واقع محور کے گرد پہیے کا گھسیسری جمود I_P اور پہیے کی زاد کی رفت ادس سے۔مساوات ۳۳۰ کے مسئلہ متوازی محور I=I مسئلہ متوازی محور I=I مسئلہ متوازی محور I=I

$$I_P = I_{\underline{\hspace{1cm}}} + MR^2$$

$$K = \frac{1}{2}I\underline{\qquad}\omega^2 + \frac{1}{2}MR^2\omega^2$$

اور ساوات ωR)۵.۲ میر $v_{\underline{}}$ استعال کرکے ذیل مساس ہوگا۔

$$(a.a) K = \frac{1}{2}I_{\underline{}\underline{$$

 $\frac{1}{2}I_{-v}$ وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے گزرتی محور پر پہنے کے لڑھکاوے وابسة حسر کی توانائی تصور کیا ہے وابستہ حسر کی توانائی تصور کیا ہے وابستہ حسر کی توانائی تصور کیا ہے وابستہ حسر کی توانائی تصور کیا ہے۔ تصور کیا ہے۔ (شکل 41.11) ور خیک و بیان کی مستقیم حسر کا ہے۔ تصور کیا ہے۔

ر المان ا

لڑھکاو کی قوتیں

ر گڑاور لڑھکاو

$$(a.4) a_{\underline{}} = \alpha R (a.4)$$

 $\vec{f_k}$ جب پہنے پر عمسل پسیراص فی قوت کی بدولت پہنا پھلے ، تب مشکل 3.11 مسیں P پر حسر کی رگڑی قوت معمسل کرے گی اور مساوات P کا اطلاق نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا و نہیں ہوگا۔ اسس باب مسیں صرف ہموار لڑھکا نہیں کی حبائے گی۔

شکل 7.11 مسیں، افقی سطح پر دائیں رخ لڑھکتے ہوئے، سائکل معتابلے کے آغناز کی طسر ن، پہیازیادہ شینز گھسایا حباتا ہے۔ ذیادہ شینز گھساوہ کی بدولت P پر دائیں رخ رگڑی قوت اسس رجمان کا معتابلہ کرتی ہے۔ اگر پہیا پھیلے نہیں، سیہ قوت سکونی رگڑی قوت آئی ہو گی (جیساد کھسایا گسیا ہے)، حسر کت ہموار کڑی خور کی فوت وہ گئی اور مساوات کہ کا طالبان ہوگا۔ (رگڑی غیسر موجود گل مسین سائکل معتابلہ مسکن نہیں ہوگا۔)

اگر مشکل 7.11 مسیں پہیا آہتہ کیا جبائے، ہمیں مشکل دو طسرح تبدیل کرنی ہو گی: مسر کز کیت کے اسراع میں جبائی رخ ہوگا۔ میں کرنے اور نقطہ \vec{d} پر کڑی توت کے کارخ اب بائیں رخ ہوگا۔

ميلان سے پنچے لڑھکاو

شکل 8.11 مسیں گول یک ان جم ، جس کی کمیت M اور رداسس R ہے ، زاویہ θ کے میلان پر ہمواری ہے ، محور X کے ہمسراہ ، نیچ گڑھ کے رہا ہے ۔ ہم میلان کے ہمسراہ اواترائی کے رخ جم کے اسراغ $X_{, \dots, \chi_{2}}$ کاریاضی فعصرہ تلاشش کرنا چیا ہے ہیں۔ نیوٹن کے وت نون دوم کی خطی صور T سان T اور زاوی صور T ورزاوی صور T و ورزاوی می و ورزاوی می و ورزاوی صور T و ورزاوی صور T و ورزاوی می و ورزاوی و ورزاوی می و ورزاوی می و ورزاوی و ورزاوی و ورزاوی می و ورزاوی

جسم پر قوتوں کاحن کہ بہنانے سے آغناز کرتے ہیں (مشکل 8.11)۔

ا. جہم پر تحباذ بی قوت \vec{F}_g نشیب وار ہے۔ اسس سمتیہ کی دم جسم کے مسر کز کمیت پر رکھی حباتی ہے۔ میلان کے ہمسراہ حب رابر ہوگا۔ حب زو $Mg\sin\theta$ کے برابر ہوگا۔

 \vec{F}_N میلان کو عصود دار حسن و \vec{F}_N ہے۔ ہے۔ جسن و نقطہ تساس سP پر عمسل کرتا ہے، تاہم شکل 8.11 مسیں ، کارخ تب میل کے بغیبر، اسس کو یوں کھ کایا کہا گیا ہے کہ اسس کی دم جم کے مسر کز کیت پر ہو۔

س. نقط ہمس P پر عمس پسیرا سکونی رگڑی قوت \vec{f}_s مسلان کے ہمسراہ حسڑھ انی کے رخ ہے۔ (کمی آپ ست سکتے ہیں، کیوں ؟اگر P پر جمع پھیلے ،وہ اترانی کے رخ پھیلے گا۔ یوں محسالف رگڑی قوت حس ٹرھ ان کے رخ ہوگا۔)

-1 کھتے ہیں۔ $(F_{3}$ مسیں گور $x = ma_{x})$ مسیراہ احب زاء کے لئے نیوٹن کانت نون دوم

$$(\delta.2) f_s - Mg\sin\theta = Ma_{i - x}$$

اسس مساوات مسیں دونامعلوم متغیرات، f_s اور $a_{i, -\infty}$ ، پائے حباتے ہیں۔ (ہم f_s کی قیمت، رگڑی توت کی زیادہ سے زیادہ تینسب بہترہ کے منسرض نہمیں کر سکتے۔ ہم صرف اشت حبائے ہیں کہ رگڑی توت اتن ہے کہ جم پھلات نہمیں اور میلان پر ہمواری سے گڑھکت ااتر تاہے۔)

ہم اب جہم کے مسرکز کیت پر جہم کے گھماو پر نیوٹن کے وتانون دوم کا اطلاق کرتے ہیں۔ پہلے، مساوات اہم. τ استعال کرکے مسرکز کمیت کے لحاظ ہے جہم پر قوت مسروڑ لکھتے ہیں۔ رگڑی قوت \bar{f}_s کے معیار اثر کا بازو T ہے، اہلہٰذااسس کی قوت مسروڑ T ہوگی، جو اسس لئے مثبت ہے کہ شکل T میں ہے جم کو صناون

گھٹڑی گھٹنے کی کوشش کرتی ہے۔ مسر کز کیت کے لحاظ سے قوت \vec{F}_{N} اور \vec{F}_{N} کے معیار اثر بازوصف میں، اہلیٰ دا $(au_{i} = I\alpha) = I\alpha)$ ان کی قوت مسر وڑصف رہوں گی۔ جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر نیوٹن کا متانون دوم زاوی روپ $I\alpha$ مسین کھتے ہیں۔

$$(a.h) Rf_s = I_{\underline{}} \alpha$$

اسس مساوات مسین دونامعسلوم متغیرات، f_s اور lpha ، پائے حباتے ہیں۔

 α اور α

مساوات ۵.۷ مسیں f_s کی جگہ مساوات ۵.۹ کادایاں ہاتھ ڈال کر ذیل ملت ہے۔

$$a_{\underline{\underline{}}_{x}} = -\frac{g \sin \theta}{1 + I_{\underline{}_{x}} / MR^2}$$

اسس مساوات کو استعال کر کے ، افق کے ساتھ زاویہ θ کے میلان پر کے ہمسراہ لڑھکتے جم کا خطی اسراع a رہے ہوئے ہے۔ a

یادر ہے، تحباذ بی قوت جم کومیلان پر اترنے پر محببور کرتی ہے، تاہم جم کو گھو منے اور یوں لڑھکنے پر رگڑی قوت محببور کرتی ہے۔ اگر آپ رگڑ حن ارج کر دیں المصلان کو تسیل سے حب ناکر کے)یا $Mg\sin\theta$ کو بین دیں جموار لڑھکاو حن ارج ہوجب کے گااور جم لڑھکنے کی بحب کے میلان پر پھل کر اترے گا۔

آزمائشس۲

وت رص A اور B ایک جینے ہیں اور وضر سٹس پر ایک جتنی رفت ارے لڑھکتے ہیں۔ وسیرص A کے سامنے میلان آتا ہے جس پریہ زیادہ ہے نیادہ کے زیادہ A تک پہنچ تا ہے۔ وسیرص B متمن ٹل، لیسکن بلار گڑ، میلان پر حپڑھت ہے۔ کیا A ہیں نیادہ کم، یااسس کے برابر بلسندی تک B پہنچ گا؟

نمونی سوال ا.۵: کیساں گیند، جس کی کیت $M=6.00\,\mathrm{kg}$ اور رواسس R ہے، زاویہ $\theta=30.0^\circ$ میلان سے آعن از کر کے، ہموار لڑھکت اارتا ہے (مشکل 8.11)۔

(۱) انتصابی $h=1.20\,\mathrm{m}$ نیخ زمسین کو پینچت کر گسند کی رفت ارکسی ہوگی؟

كلپ دى تصورات

چونکہ صرف تحباذبی قوت، جوبقبائی قوت ہے، گینند پر کام سسرانحبام دیتی ہے، البندامیلان پر الڑھک کر اترنے کے دوران گیند وزمسین نظام کی میکانی توانائی E کی بقسا ہوگی۔ میلان سے گینند پر عسود دار قوت گینند کی راہ کو عسود کی ہونے کو دوران گینند کی کام سسرانحبام نہیں دیتی۔ گینند کھلتا نہیں (ہموار لڑھکتا ہے) البندار گڑی قوت کوئی توانائی حسری توانائی مسین تبدیلی نہیں کرتی۔

 $E_f=E_i$ يوں ميكانى توانائى كى بقت ہوگى

$$(\delta.11) K_f + U_f = K_i + U_i$$

جباں زیر نوشت f اور i بالت رتیب (زمسین پر پنج کی) افتای اور (ب کن حیالت) ابت دائی قیمتیں ظاہر کرتی $U_f = 0$ بیار تخی توانائی کی ابت دائی قیمت $U_i = Mgh$ جبال M گیند کی کمیت ہے) اور افتای قیمت رک قیب نیس کی کمیت ہے) اور افتای قیمت کے افتای حسر کی توانائی حسا ہے۔ ابت دائی حسر کی توانائی میں مستقیم اور گھیری حبزو مشامل ہوں گے ، جنہیں شامل کرنے کے لئے مساوات U_i کے کادالیاں باتھ استعال کرتے ہیں۔ U_i کادالیاں باتھ استعال کرتے ہیں۔

حماء: ماوات ١١٥مسين دالخ سے زيل ماصل موگا:

(a.ir)
$$(\frac{1}{2}I_{-}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{-}^2) + 0 = 0 + Mgh$$

جباں گیٹ دے مسر کز کمیت ہے گزر تی محور پر گیٹ د کا گھیسری جمود _{سر کز کیس} I ، زمسین پر پکتی کر گیٹ د کی رفت ار (جو ہم تلاسٹس کرناحپاہتے ہیں) _{سر کرکیس} تا ،اور زمسین پر پہنچ کرزاوی رفت ادس

چونکہ گیند ہموار لڑھکتا ہے، ہم مساوات ۱۵.۲ ستعال کر کے ω کی جگہ R سے میں نامعسلوم متغیرات کی تعبداد کم کر سکتے ہیں۔ ایس کر کے، اور حبدول 2f.10 سے میں نامعسلوم متغیرات کی جگہ I کی جگہ وال کر سے بری یہ v کے لئے حسل کرنے ہے ذیل حساس ہوگا۔

یادرہے،جواب M اور R پر منحصسر نہیں۔

(ب)ميلان پر لڑھک كراترنے كے دوران كينف پرر گڑى قوت كى تدر اوررخ كسابيں؟

كلي دى تصور

چونکه گین دیموار لڑھکتا ہے، مساوات ۵.۹ گین دیر رگڑی قوت دیگی۔

۳.۵. ژوري دارائو

حماج: مساوات ٩.٥١ ستعال كرنے سے قبل جميں مساوات ١٠٥ سے گين د كااسراع معسلوم كرنا موگا۔

$$a_{\underline{\ }}_{x} = -I_{\underline{\ }}_{x} = -\frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}MR^{2} \frac{a_{\underline{\ }}_{x}}{R^{2}} = -\frac{2}{5}Ma_{\underline{\ }}_{x}$$

$$= -\frac{2}{5}(6.00 \,\mathrm{kg})(-3.50 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) = 8.40 \,\mathrm{N} \qquad (-1.5)$$

یادرہے ہمیں کمیت M در کار تھی جبکہ رداسس R مہیں تھتا۔ یوں، °30 میان پر 6.00 kg ہموار لڑھکتے گیند پر، گیند کے رداسس سے قطع نظر مر، رگڑی قوت زیادہ ہوگی، تاہم بڑی کمیت کی صورت مسین رگڑی قوت زیادہ ہوگی۔

۵.۳ ڈوری دار لٹو

مقاصداس مے کویڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. دوری پراوپرینی سرکت کرتے **دوری دار لو سکا آز**اد جسسی حن کہ بنایا کس گے۔
- r. حبان یائیں گے کہ ڈوری دار لئو،ایب جسم ہے جو °90 زاویہ میان پر ہموار اوپر نیچے لڑھکتا ہے۔
- س. ڈوری پر اوپر نیچے حسر کت کرتے ڈوری دار لٹو کے اسسراع اور تھمیسری جمود کا تعسلق استعمال کریائیں گے۔
 - ۸. ڈوری پر اوپریا نیجے حسر کے دوران ڈوری داراٹو کی ڈور مسیں شناو تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• دوری دار انوجو دوریر اویریاینیج حسر کت کرتا ہو کو °90 میلان پر ہموار لڑھکت اجسم تصور کیا حب سکتا ہے۔

ڈوری دار لٹو

ڈوری دار لئوکی ایک نئی مسیں ڈور کو دھسرے کے ساتھ سخت باندھنے کے بحبئے ڈور کو دھسرے کے گرد ڈھیلا گھیرا دیا حباتا ہے۔ جب لئو نینچ اترتے ہوئے ڈور کے پیٹ داکو "کراتا" ہے، دھسرے پر ڈور اوپر وار قوت لاگو کر کے لئوکی نشیبی حسرکت روکتی ہے۔ اسس کے بعب لئوصرف گھمیسری حسر کی توانائی کے ساتھ (دھسرا گھیسر مسیں حیکر کاشت ہوا) گھومت ہے۔ لئو ("سوتے ہوئے") حیکر کاشتارہت ہے؛ ڈور کو جھٹکا دینے پر ڈور دھسرے کو پکڑتی ہے، "لئوبیدار ہوتا ہے"، اور اوپر حیبڑھن ششروع کرتا ہے۔ ڈور کے پیٹ داپر لئوکی گھمیسری حسر کی توانائی (اور یوں سونے کا دورانیس) بڑھانے کی حن اطسر لئوکو ساکن حیالت سے رواناکرنے کی بجبائے ابت دائی رفت ال میرزئیست تا اور س) کے ساتھ نشیب وار پھینکا حباتا ہے۔

ڈور پر نشیب وار اترنے کے دوران لئو کا خطی اسسراع _{سر کز کیس} میں میلان پر اتر تے لؤھکتے جہم کی طسرح، نیوٹن کانت نون دوم (خطی اور گھمیسری رویہ مسین)استعال کیا حب سکتاہے۔ماسوائے ذیل، تحب نریہ بالکل اس

- ا۔ افق کے ساتھ θ زاویے کے میلان پر اترنے کے بحبائے ڈوری دار لٹوافق کے ساتھ °90 زاویے کی ڈور پر اتر تاہے۔
- r. رداسس R کی بیسرونی سطح پر لڑھکنے کے بحیائے ڈوری دار الور داسس R₀ کے دھسرے پر لڑھکتا ہے (شکل 9a.11)۔
 - س. رگڑی قوت \vec{f}_s کے بحائے، ڈوری دار اٹو کو ڈور کا تناو \vec{T} آہتہ کرتاہے (شکل 9b.11)۔

موجودہ تحب زے بھی مساوات ۱۰ دے گا۔ آئیں مساوات ۱۰ ۵ کی ترقیم تبدیل کرکے اور °90 🔹 🖯 ڈال کر خطی اسسراع ذيل لكھتے ہيں:

(a.ir)
$$a_{\underline{}\underline{}\underline{}}_{5/5} = -\frac{g}{1 + I_{\underline{}\underline{}}_{5/5} / MR_0^2}$$

جہاں اٹوکے مسر کز کمیت پراٹو کا تھمیسری جمود م_{سر کز کمی} اور کمیت M ہے۔ ڈوری پراوپر حسِٹرھنے کے دوران ڈوری دارالٹو كالسسراع يهي نشيبي اسسراع موگا۔

۸.۵ قوی مسروژیر نظسر ثانی

مقاصد اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ قوت مسروڑ ایک سمتیہ معتدارہے۔
- r. حیان مائیں گے کہ جس نقطہ پر قویہ مسروڑ تعسین کساجیائے اسس کاذکر صربحباً کرنالازم ہے۔
- س. ذرے پر عمسل پسیرا قوت کی ذرمے پر قوت مسروڑ ، اکائی سمتیہ ترقیم یات در وزاوی ترقیم کے رویے مسیں ، ذرے کے تعبین گرسمتیہ اور قویت سمتیہ کے صلیبی ضرب سے حساصل کریائیں گے۔
 - ہ. صلیبی ضرب کادامال ہاتھ ت عبدہ استعمال کرکے قوت مسروڑ کارخ تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• تین ابعباد مسیں، قوت مسروڑ 🛪 ایک سمتیہ مقدار ہو گی، جو کسی مقسررہ نقط، (عسوماً میدا) کے لحیاظ سے تعین کی حیاتی ہے؛اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

جباں $ec{F}$ ذرے پر لاگو قوت اور $ec{ au}$ کسی مقسررہ نقطے کے لحاظ سے ذرے کا تعسین گرسمتیہ ہے،جو ذرے کامعتام دیت ا

• \overline{g} $\underline{\underline{}}$ $\underline{\tau}$ $\underline{}$ $\underline{}$

$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

 F_\perp جبال \vec{F} اور \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو \vec{F} کامعبوردار جبزو F_\perp ، اور \vec{F} کامعیار اثر کابازو

• قوے مسرور ٹر کارخ صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ متاعب دہ دیگا۔

قوی مسروڑ پر نظسر ثانی

باب ۴ مسین مقسررہ محورے گرد گھومنے کے وتابل استوار جم کے لئے قوت مسروڑ ہ کی تعسریف پیشس کی گئی۔ ہم
قوت مسروڑ کی تعسریف کووسعت دے کر (مقسررہ محور کے بحبائے)مقسررہ نقط کے لحیاظ سے کسی بھی راہ پر حسر کت
کرتے ہوئے انفسرادی ذرے کے لئے استعال کرتے ہیں۔ راہ کا دائری ہونا ضروری نہیں، اور ہم قوت مسروڑ کو سمتیہ ہم کہ کھتے ہیں
جس کا رخ بچھ بھی ہو سکتا ہے۔ قوت مسروڑ کی وقت در کلیے سے اور رخ صلیبی ضرب کے دایاں ہاتھ وقت عدہ سے مسال

 \vec{F} مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین ایسا ایک زره د کھایا گیا ہے۔ ذرے پر، مستوی xy مسین قوت، xy عسل کرتی ہے، اور مب دا xy کے لحاظ ہے ذرے کامعتام تعسین گرسمتیہ xy دیت ہے۔ مقسر رہ نقط ہور گئی تعسر پینے نہیں ہے۔

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$
 قوت مسرور کی تعسرینی $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$

قوت مسرور ٹ آئی اسس تعسریف مسیں سمتی (صلیبی) خرب کی تحسیب حصہ 3.3 کے قواعہ دے کی حباس تن ہے۔ آئی کارخ حبائے کے لئے، سمتی آئی کو (رخ تبدیل کیے بغیبر) کھرکا کر اسس کی دم مبدا کی پر رکھی حباتی ہے؛ یوں، جیسا
19a.3 مسیں جکھ کے اب ہم شکل 10b.11 مسیں دکھیا گیا ہے، سمتی ضرب کے دونوں سمتیات کی دم ایک نقطے پر ہو گا۔ اب ہم شکل 19a.3 مسیں بیٹ دایاں ہاتھ و تباعد مار سمتال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حبار انگلیاں آئی پر کھ کر (ضرب مسیں بہلاسمتیہ ہے) کے طسر نے بچھاتے ہیں (جو ضرب مسیں دوسراسمتیہ ہے)۔ سیدھ کھٹڑا انگوٹ آئی کارخ دیگا۔ شکل 10b.11 مسیں کی کررخ مور سے کے مشت رخ ہے۔

 $(c = ab \sin \phi)$ کاعب وی نتیجب بروئے کارلاتے ہیں، جوذیل دیگا: $au = rF \sin \phi$

جباں \vec{r} اور \vec{F} کے دم ایک نقطے پر رکھ کر سمتیات کے نتی چھوٹا زاویہ ϕ ہے۔ شکل 10b.11 ہے ہم دیکھ سکتے ہیں کہ مساوات ہا دنل کھی جب سکتی ہے:

$$\tau = rF_{\perp}$$

جہاں F_{\perp} (جو $F\sin\phi$ کے برابر ہے) آتا کا F کا عصود دار حبز و ہے۔ شکل 10c.11 کو کھے کر مساوات $F\sin\phi$ کھی حب سکتی ہے:

$$\tau = r_{\perp} F$$

جباں $r \sin \phi$ جب کہ باہرہے) ec f کامعیاراژ کابازو(ec f کے خط عمس اور f کے نظامت و دوار و ناصلہ) ہے۔ f آزمائش g

 $x \to 2$ التعسین گرسمتیہ $x \to 3$ ، مثبت محور $x \to 3$ ہمسراہ پایا حباتا ہے۔ اگر ذرے پر قوت مسروڑ (۱) صنسر ہو، (ب) محور $x \to 3$ مغی رخ ہو، اور $x \to 3$ ہمنی رخ ہو، قوت مسروڑ پسید اگرنے والی قوت کارخ کسیاہوگا؟

نمونی سوال ۲۰۰۲: قوت کی بدولت فررے پر قوت مرور مسل کرتی ہیں۔ ذرہ، مستوی xy مسیں، نقط A پر ہے، جس xy کا تعسین گرسمتیہ xy مسیں، نقط xy و تعسین گرسمتیہ xy مسیں، نقط y و تعلیم کرتی ہیں۔ فررہ مسل کرتی ہیں۔ فررہ مسل کرتی ہیں۔ فررہ مسیر و کرتے ہیں افغیر ادمی قوت کی انفینر ادمی قوت کی انفینر ادمی قوت کی انفینر اور کا کی جس میں و کرتے ہیں ج

كلب دي تصور

حماج: ہم مبدا O کے لحاظ ہے قوت مسروڑ حبان جہتے ہیں لہذا دیا گیا تعین گر سمتیہ صلیبی خرب میں درکار سمتیہ f ہوگا۔ قوت اور f کے گزاویہ f حبائے کے لئے ہم شکل 11a.11 میں دیے گئے سمتیہ قوت باری باری یوں کھ کاتے ہیں کہ ان کی دم O پر ہو۔ انتقال کے بعد قوت f ، اور f ، اور f بالت رتیب شکل 11b.11 مشکل f کا کہ مستوق f کا کا کا کا کا کہ مستو قوت اور تعین گر سمتیہ کے گزاویہ باآ نظر آتے ہیں)۔ شکل 11d.11 میں f اور f کرڑے گزاویہ f وادر عالمت f کہتے ہے f صفحہ میں عبود دار اندر رخ ہے۔ (صفحہ سے عبود دار نظنے کی صورت مسیں f عبالمت استعال کی حسان ہے۔)

مساوات ١٥.١٥ستعال كر ذيل حساصل ہوگا۔

$$au_1 = rF_1 \sin \phi_1 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 150^\circ) = 3.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$$
 $au_2 = rF_2 \sin \phi_2 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 120^\circ) = 5.2 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$
 $au_3 = rF_3 \sin \phi_3 = (3.0 \,\mathrm{m})(2.0 \,\mathrm{N})(\sin 90^\circ) = 6.0 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$

اب دائیں ہاتھ مت عدہ استعمال کرتے ہوئے، دائیں ہاتھ کی حیار انگلیاں \vec{r} کے رخ رکھ کر \vec{F} کے رخ (سمتیات کے رخ کے \vec{g} چھوٹے زاویے) گھٹ تے ہیں۔ دائیں ہاتھ کا اگوٹھٹ، جو حیار انگلیوں کو عصود دار رکھٹا گھٹ ہے، توت مسروڑ کارخ دیگا۔ یوں \vec{r} کارخ \vec{r} کارخ کے درخ ہوگا؛ اور \vec{r} کارخ \vec{r} کارخ \vec{r} کارخ کے درخ ہوگا؛ اور \vec{r} کارخ \vec{r} کارخ کے درخ ہوگا؛ اور \vec{r} کارخ کے درخ کے درخ ہوگا؛ اور \vec{r} کارخ کے درخ کے درخ ہوگا؛ اور \vec{r} کارخ کے درخ کے درخ

۵.۵ زاوی معیار حسر کت

۵.۵ زاوی معیار حسر کی

قاصد

اس حسہ کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے ت بل ہوں گے۔

- ا. حبان یائیں گے کہ زاوی معیار حسر کے ایک سمتیہ مقدار ہے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ جس مقسررہ نقطے کے لیاظ سے زاوی معیار حسر کے تعین کیا حبائے اسس کاذکر صریحاً کرنالازم
 ۔ حبان پائیں گے کہ جس مقسررہ نقطے کے لیاظ سے زاوی معیار حسر کے تعین کیا حبائے اسس کاذکر صریحاً کرنالازم
- ۳. اکائی سمتیر ترقیم یافت در وزاوی ترقیم مسین ، ذرے کے تعسین گرسمتیر اور معیار حسر کے سمتیر کاصلیبی ضرب لے کر ذرے کازاوی معیار حسر کے تعسین کریائیں گے۔
 - ۴. صلیبی ضرب کادایاں ہاتھ تعامدہ استعال کرئے زادی معیار حسر کت کارخ تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• ایک ذرہ، جس کا خطی معیار حسر کے است m، اور خطی سمتی رفت اور \vec{v} ہو، کا مقسر رہ نقطے کے لحاظ سے (جو عسوماً مید ابو گا) زاوی معیار حسر ک سے \vec{v} کی تعسر یف ذیل سمتی مت دار ہے۔

$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

• $(\log n + \log n)$

$$\ell = rmv \sin \phi$$

$$= rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$= r_{\perp}p = r_{\perp}mv$$

جبال \vec{r} اور \vec{v} بین،اور مقسرره نقطے سے میں اور \vec{v} کو \vec{v} اور \vec{v} اور مقسرره نقطے سے مبلوط \vec{v} تک عصود دار صناصلہ r_{\perp} ہے۔

• دایاں ہاتھ وت عبدہ ℓ کارخ دیگا: دائیں ہاتھ کی حیار انگلیاں ℓ کے رخ پر (ابت دائی طور) رکھ کر انہیں گھس کر ℓ کے رخ پر رکھیں۔ دائیں ہاتھ کا سیدھ کھٹر اانگوش ℓ کارخ دیگا۔

زاوی معیار حسر کت

یاد کریں، خطی معیار حسر کت \vec{p} اور خطی معیار حسر کت کی بقت کا اصول انتہائی طاقت و اوزار ہیں۔ انہیں استعال کر کے نتائج کی، مشاہ دو گاڑیوں کے تصادم کی تفصیل حبانے بغیبر تصادم کی، پیٹیگوئی کی حباسکتی ہے۔ یہاں ہم \vec{p} کے زاوی مدمت اہل پر جعسرہ سشہ دو گاریوں کے تعین جس کا اختتام حصہ 8.11 مسین بقت کی اصول کے مدمت اہل پر ہوگا۔

شکل 12.11 میں متوی xy میں نقط A ہے کمیت m اور خطی معیار حسر کت \vec{p} (\vec{v}) کاذرہ گزرتا \vec{v} کے کمیت \vec{v} کے کافرہ گزرتا وکھے میار حرکتے \vec{v} کے معیار حرکت کے کافرہ گزرتا ہوگا جس کی تعسر یف ذیل ہے،

(۵.۱۸)
$$\vec{\ell} = \vec{r} \times \vec{p} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$
 (غاوی معیار حسر کت کی تعسرینی)

 \vec{p} جہاں \vec{O} کے لیاظ سے ذرے کا تعسین گر سمتیہ تم ہے۔ مبدا \vec{O} کے لیاظ سے جب ذرہ معیار حسر کست \vec{p} جہاں \vec{O} کی رخ کر تاہے، اسس کا تعسین گر سمتیہ تم مبدا \vec{O} کے گرد گھیسری حسر کست کر تاہے۔ غور کریں، \vec{O} پر اور کا عبدار حسر کست کہ ذرہ خود \vec{O} کے گرد گھومت ہو۔ مساوت \vec{O} اور مساوات \vec{O} مواز سے کرنے سے معیار حسر کست اور خطی معیار حسر کست کا آپس مسیں وہی رشتہ ہے جو قوت مسروڑ کا قوت کے ساتھ ہے۔ بین الاقوای نظیام اکائی معیار حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کی معیاد حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کی معیاد حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کی معیاد حسر کست کی اکائی کلوگرام مسر تع میٹر فی سیکنڈ \vec{O} کا کامی اور کی کامی دل ہے۔

رخے۔ سٹکل 12.11 میں زاوی معیار حسر کت سمتیہ \hat{y} کارخ جب نے کے لئے، ہم سمتیہ \hat{q} کو کھ کا کر کے اس کی دم مبدا O پر رکھتے ہیں۔ اس کے بعد صلیبی ضرب کا دایاں ہاتھ و تاعدہ استعال کر کے انگلیوں کو \hat{q} کے لیسٹے ہیں۔ سیدھ کھٹ ڈاانگوٹٹ \hat{y} کارخ، شکل 12.11میں، محور z کا مثبیت رخ دیت ہے۔ یہ مبتب رخ، محور z پر تعسین گرسمتیہ \hat{q} کے حنالان گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر گھٹ و کے عسین مطابق ہے، جو ذرے کی حسر کت بیسد اہوتی ہے۔ (\hat{y} کی منفی قیت محور z پر کرد

قدر۔ زادی معیار حسر کت ℓ کی ت در معسلوم کرنے کے لئے ہم مساوات 27.3 کا عسومی نتیب ذیل لکھتے ہیں:

$$(a.19) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

جہاں تر اور \vec{p} کی دم ایک نقط پرر کھ کر سمتیات کے بی حجونازاوی ϕ ہے۔ شکل 12a.11 دیکھ کر مساوات 1.90 ذیل کھی جب کتھ ہے:

$$(a.r\bullet) \qquad \qquad \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

جباں \vec{r} کو \vec{p} کاعب ود دار حبزو p_{\perp} ہے، اور \vec{r} کو \vec{v} کاعب ود دار حبزو v_{\perp} ہے۔ شکل 12b.11 دیکھ کر مساوات p_{\perp} کاعب وکا کھی جساستی ہے:

$$(a.r) \qquad \qquad \ell = r_{\perp} p = r_{\perp} m v$$

جہاں مبسوط $\vec{p} = 0$ کاعب وددار فناصلہ r ہے۔

اہم۔ دوپہلوپر غور کریں: (1) زاوی معیار حسر کت صرف کی مخصوص مبدا کے لیے ظرے معنی خسیز ہے اور (2) اسس کا رخبر صورت اسس مستوی کوعب ودی ہو گاجو تعسین گرسمتیہ تو اور خطی معیار حسر کت سمتیہ تو مسل کر بہناتے ہیں۔ آزمائٹ ۴

angularmomentum

۵.۵ زاوي معيار حسر کت

نمونی سوال ۵.۳: دو ذروی نظام کازاوی معیار ترکت

كلب دى تصور

انسنرادی زادی معیار حسر کت \vec{l}_1 اور \vec{l}_2 معساوم کرنے کے بعد جمع کر کے ہم صافی معیار حسر کت \vec{l}_1 تلاش کر سے بین بین البت، ہمیں میں اوات ۵.۱۸ تامساوات ۵.۲۱ مسیں ہر ایک ہے تعسین کی حب سے ہیں۔ البت، ہمیں عصود دار مناصلے p_1 ور p_2 اور p_3 اور p_4 ا

صاب: زره 1 کے لئے ماوات ٥٠٢ ذيل ديگي۔

$$\ell_1 = r_{\perp 1} p_1 = (2.0 \,\mathrm{m}) (5.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $10 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

 $\vec{r}_1 imes \vec{p}_1 imes \vec{p}_1$ سمتیہ $\vec{\ell}_1$ کارخ مساوات ۱۵.۱۸ اور سمتیات کے صلیبی ضرب کا دایاں ہاتھ تاعبدہ دے گا۔ صلیبی ضرب کا دران صف سے باہر نظنے کے رخ، مشکل 13.11 کے مستوی کو عصود دار ہو گا۔ بی مثبت رخ ہے، جو ذرے کی حسر کت کے دوران ذرہ 1 کا زاوی معیار ذرے کے تعیین گر سمتیہ \vec{r}_1 کا نقطہ \vec{r}_2 کا نقطہ \vec{r}_3 کا نقطہ \vec{r}_4 کا نقطہ کے گرد حسلان گھسٹری گھساو کے عسین مطابق ہے۔ یوں ذرہ 1 کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_1 = +10\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

اسى طسىرج $\vec{\ell}_2$ كى ت در ذيل

$$\ell_2 = r_{\perp 2} p_2 = (4.0 \,\mathrm{m}) (2.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-1})$$

= $8.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}$

اور $\vec{p}_2 \times \vec{p}_2$ سمتیر ساصل ضرب صفحہ سے باہر رخ ہے ،جو منفی رخ ہے ، اور جو ذرہ 2 کی حسر کت ہے دوران \vec{p}_2 کر د $\vec{r}_2 \times \vec{p}_2$ کے گھٹری وار حسر کت سے عسین مطابات ہے۔ یوں ذرہ 2 کازاوی معیار حسر کت سمتیہ ذیل ہوگا۔

$$\ell_2 = -8.0\,kg\,m^2\,s^{-1}$$

دو ذروی نظام کاصافی زاوی معیار حسر کت زیل ہوگا۔

$$L = \ell_1 + \ell_2 = +10 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1} + (-8.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1})$$
$$= +2.0 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1} \qquad (\text{---}) \,\mathrm{s}$$

مثبت علامت کہتی ہے O پرنظام کامسافی معیار سرکت صفحہ سے باہر نکلنے کر ن ہے۔

۵.۲ نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

مقاصد

مفاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعید آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. زادی روپ مسین نیوٹن کا تنون دوم استعال کر کے ، کسی مخصوص نقط، کے لحساظ ہے، ذربے پر عمسل پیسرا قوت مسروڑ اور ذربے کے زادی معیار حسر کرے مسین پیداتید ملی کار شنتہ حبان یائیں گے۔

كليدي تصور

• نیوٹن کافت نون دوم کازادی رویے ذیل ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{c}}}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جہاں میں $\vec{\tau}$ ذریے یرصافی قوت مسروڑ اور \vec{b} ذرے کازاوی معیار حسر کت ہے۔

نیوٹن کافت انون دوم، زاوی روپ

نيوڻن کافت انون دوم ذيل روپ مسين:

(۵,۲۲)
$$\vec{F} = \frac{\mathrm{d}\vec{p}}{\mathrm{d}t} \qquad (واحد ذره)$$

واحد ذرے کے لئے، قوت اور خطی معیار حسرکت کے چھ مترین رہشتہ احباگر کرتا ہے۔ ہم خطی اور زاوی معتادیر کی متوازیت دیکھ چیکے ہیں اور توقع کر سکتے ہیں کہ قوت مسروڑ اور زاوی معیار حسرکت کے چھ بھی متسر ہی تعلق ہوگا۔ مساوات ۸۲۲ کو دیکھ کرہم ذیل تعلق کی توقع کرتے ہیں۔

(۵,۲۳)
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$
 (واحدزره)

یقسیناً،مساوات ۵.۲۳ واحد ذرے کے لئے نیوٹن کے متانون دوم کازاوی روپ ہے:

ذرے پر تمام قوت مسروڑ کا (سمتی) محبموعہ ذرے کے زادی معیار حسر کت مسین تبدیلی کے برابر ہوگا۔

کی مخصوص نقطہ کے لیے اظ ہے، جو عب وما محد دی نظام کامب داہو گا، قوت مسروڑ 🕏 اور زاوی معیار حسر کے گھتین کے تعسین کے بغیب می اوات ۵.۲۳ معنی ہو گی۔

مساوات ۲۳ ۵ کا ثبوت

ہم مساوات ۱۸ یک آغباز کرتے ہیں،جو ذرے کے زاوی معیار حسر کت کی تعسریف ہے:

$$\vec{\ell} = m(\vec{r} \times \vec{v})$$

جہاں \overline{t} زرے کا تعبین گرسمتیہ اور \overline{t} ذرے کی سمتی رفت ارہے۔ دونوں اطسرانے کا تغسین گرسمتیہ اور \overline{t} خاطبے ہیں۔

(a.rr)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m \left(\vec{r} \times \frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} + \frac{\mathrm{d}\vec{r}}{\mathrm{d}t} \times \vec{v} \right)$$

البت، $d\vec{v}/dt$ ذرے کا اسراع \vec{a} ، اور $d\vec{v}/dt$ ذرے کی سنتی رفت ارہے۔ یوں مساوات $d\vec{v}/dt$ کھی جب سکتی $d\vec{v}/dt$ نہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a} + \vec{v} \times \vec{v})$$

اب $ec{v} = 0 \times ec{v} \times ec{v}$ ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر ہے ہیں منسر ہے اہدا اسمتیہ کا اپنے ساتھ صنسر کے برابر ہوگا۔ کے برابر ہوگا۔ کا بین آحسنری حبیز وحسارج ہوگا اور ذیل رہ حبائے گا۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = m(\vec{r} \times \vec{a}) = \vec{r} \times m\vec{a}$$

ہم نیوٹن کامت نون دوم $ec{F}_{i}$ سے استعال کر کے $ec{m}$ کی جگہ سے $ec{F}_{i}$ ڈال کر ذیل سے سل کرتے ہیں۔

(a.ra)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{\ell}}{\mathrm{d}t} = \vec{r} \times \vec{F}_{\dot{\mathbf{j}}} = \sum (\vec{r} \times \vec{F})$$

یہاں عسلامت $\sqrt{7}$ کہتی ہے تمام قو توں کے سمتی ضرب $\vec{F} \times \vec{F} \times \vec{F}$ کامجب وعب لین ہوگا۔ البت، مساوات ۵.۱۳ ہے ہم حبانے ہیں (درج بالا) ہر سمتی ضرب کی ایک قوت سے وابستہ قوت مسروڑ ہوگا۔ یوں، مساوات ۵.۲۵ ذیل کہتی ہے:

$$ec{ au}_{oldsymbol{\dot{d}} t} = rac{ ext{d} ec{\ell}}{ ext{d} t}$$

٥ - من سال ضرب كاتف رق است بوئ مستعمل معتادير كارتيب برقت دار د كھيں۔ يول يہاں تر بميث ت سے بہا بوگا۔

جومساوات ۵.۲۳ ہے، جے ہم ثاب*ت کر*ناحیاہتے تھے۔

آزمائشس۵

کل ؟؟ مسیں کی ایک لیج پر ذرے کا تعسین گرسمتیہ $\overline{\tau}$ ، اور ذرے کو مسرع کرنے والی قو توں کے حپار ممکن رخ دیے گئے ہیں۔ xy مسیں ہیں۔(۱) نقطہ y پر ذرے کے زاوی معیار حسر کر مسیں تبدیلی ($d\overline{\ell}/dt$) کی متدر کے لیے ناوے اول رکھ کر، قو توں کی در حب بندی کریں۔(ب) نقطہ y کوئی قوت تبدیلی کی منفی مشرح دیتی ہے ۔

نمونی سوال ۵.۴: قوت مروڑ اور زاوی معیار ترکھے کا وقتی تفرق

ایک ذرہ جس کی کمیت کی محتقم خط پر حسر کت مسین ہے۔ اور جس کا تعسین گرسمتیہ ذیل ہے، مستقیم خط پر حسر کت مسیں ہے (شکل 11.41):

$$\vec{r} = (-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j}$$

جہاں \overline{t} میٹر مسیں اور t سیکنڈ مسیں ہے، اور آغاز t=0 پر ہوتا ہے۔ تعسین گرسمتیہ مبدا ہے ذرے کے مسرکز کی نشاندہی کرتا ہے۔ اکائی سمتیہ ترقیم مسیں، ذرے کازادی معیار حسر کت \overline{t} اور ذرے پر قوت مسروڑ \overline{t} مبدا کے لحاظ ہے (یامبدایر) تلامش کریں۔ ذرے کی حسر کت کومد نظسرر کھتے ہوئے ان معتادیر کی الجبرائی عسلامت کی وحب پیش کریں۔

كلب دى تصورات

حماج: مساوات ۱۵.۱۸ استعال کر کے مبدا پر زاوی معیار حسر کت تلامش کرنے کے لئے ضروری ہے کہ پہلے تعین گرسمتیہ کا وصتی تغسین گرسمتیہ کا وصتی تغسین گرسمتیہ کا وصتی تغسین گرسمتیہ کی کہ خوات کا الجبرائی فعت رہ حساس کیا حیائے۔ مساوات 10.4 $(\vec{v} = d\vec{r}/dt)$

$$\vec{v} = \frac{d}{dt}((-2.00t^2 - t)\hat{i} + 5.00\hat{j})$$
$$= (-4.00t - 1.00)\hat{i}$$

جہاں ت میٹرفی سینڈمیں ہے۔

اس کے بعد مساوات 27.3 مسیں صلیبی ضرب کا دکھایا گیا ڈھانچیہ استعال کر کے آتا اور \vec{v} کا صلیبی

ضرب معلوم کرتے ہیں۔

$$\vec{a} \times \vec{b} = (a_y b_z - b_y a_z)\hat{i} + (a_z b_x - b_z a_x)\hat{j} + (a_x b_y - b_x a_y)\hat{k}$$

یہاں \overline{t} کو عصومی سمتیہ \overline{a} اور \overline{v} کو عصومی سمتیہ \overline{b} ظاہر کر تاہے۔ چونکہ ہم ضرورت سے زیادہ کام نہیں کرنا حیاہۃ ، آئیں عصومی صلیبی ضرب مسین پُر کردہ بدل پر غور کرتے ہیں۔ چونکہ ٹو مسین z حبزواور \overline{v} مسین y اور z احبزاء نہیں پائے حباتے ، اسس عصومی صلیبی ضرب کا صرف آحضری حبزو $(-b_x a_y)$ فیسے من صف رہے۔ یوں ، زیادہ الجمرائی دوڑ کے بیسے بیں۔

$$\vec{r} \times \vec{v} = -(-4.00t - 1.00)(5.00)\hat{k} = (20.0t + 5.00)\hat{k} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

یادرہے، ہمیشہ کی طسرح صلب بی ضرب جو سمتیہ دیتی ہے وہ ابت دائی سمتیات کو عسود دار ہوگا۔ مساوات ۱۸۔۵ پوری کرنے کے لئے، کیت سے ضرب دے کر ذیل حساصل کرتے ہیں۔

$$\vec{\ell} = (0.500 \,\mathrm{kg})[(20.0t + 5.00)\hat{\kappa} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1}]$$
$$= (10.0t + 2.50)\hat{\kappa} \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{--}i\hat{\kappa})$$

مبدایر قوت مسروڑ اب مساوات ۵.۲۳ سے فوراً حساصل ہوگا:

$$\vec{\tau} = \frac{d}{dt} (10.0t + 2.50) \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-1}$$

$$= 10.0 \hat{k} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 10.0 \hat{k} \text{ N m} \qquad (\text{---})\hat{k}$$

جو محور تر کے مثبت رخ ہے۔

ہمارا گی کا نتیج ہوت ہے زادی معیار حسر کت محور 2 کے مثبت رخ ہے۔ تعیین گرسمتیہ کے گلماد کی صورت مسیں "مثبت " نتیج کامطلب سنجھنے کے لئے اس سمتہ کی قیب مختلف اوت سے پر معسلوم کرتے ہیں۔

$$t = 0,$$
 $\vec{r}_0 = 5.00\hat{j} \text{ m}$
 $t = 1.00 \text{ s},$ $\vec{r}_1 = -3.00\hat{i} + 5.00\hat{j} \text{ m}$
 $t = 2.00 \text{ s},$ $\vec{r}_2 = -10.0\hat{i} + 5.00\hat{j} \text{ m}$

یہ نتائج شکل 14b.11 میں پیش ہیں؛ ہم دیکھتے ہیں کہ ذرے کے ساتھ ساتھ چلنے کے لئے آ تنان گھٹری گومت ہے۔ یبی گھساو کامثبت رخ ہے۔ یوں، اگر حپ ذرہ خود سید ھی ککسیر پر حسر کت کر تاہے، مبدا کے لحساظ سے سے اسس کی حسر کت حنالان گھٹری ہے، اور یوں اسس کا ذاوی معیار حسر کت مثبت ہے۔

 \vec{r} کی سے مطلب، صلیبی خرب (یہاں \vec{v} \times \vec{r} یا آپ حہامیں \vec{v} \times \vec{v} ، جو ایک رخ ویت میں) کا دایاں ہاتھ کا حالت میں ازرے کے بین درے کی حسر کرت کے دوران کئی بھی معیار الرکے کئے، دائیں ہاتھ کی حہار انگلیاں

صلیبی ضرب کے اول سمتیہ تو کے رخ رکھی حب تی ہیں (مشکل 14c.11)۔ ہاتھ یوں سمت بند کیا حب اتا ہے کہ ہتھیلی کے گر دانگلیاں ہا آس نی گھی کر صلیبی ضرب کے دو سرے سمتیہ تو کے درخ کی حب نئیں (مشکل 14d.11)۔ اس پورے عمس کے دوران انگوٹے کو حیار انگلیوں کے لیے اظ سے عصود دار رکھیا حب تا ہے۔ انگوٹ صلیبی ضرب کے نتیج کارخ دیگا۔ جیب مشکل 14e.11 میں دکھیایا گیا ہے ، ماحصل سمتیہ محود ہے کہ مثبت رخ (جو مشکل کے مستوی سے سیدھ ہا ہر لگاتا ہے) اور گزشتہ نتیج کے عسین مطبابق ہے۔ شکل 14e.11 میں آتک کارخ بھی دیا گیا ہے، جو محود ہے کے مثبت رخ ہے؛ چو ککہ، اور گزشتہ نتیج کے عسین مطبابق ہے۔ شکل 14e.11 میں آتک کارخ بھی دیا گیا ہے۔ دوراس کی تدریز ہورہ میں ہے۔

مقاصد

معاصد اسس حسب کو پڑھنے کے بعسد آییے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ذروں پر مشتل نظام کے لئے، نیوٹن کا ت انون دوم زاوی روپ مسین استعمال کرکے نظام پر صافی قوت مسروڑ اور نظام کے زادی معیار حسر کست مسین پیدا تبدیلی کی مشرح کا تعلق حبان یا تیں گے۔
- ۲. مقسررہ محور کے گرد گھومتے استوار جم کے زادی معیار حسر کت اور ای محور کے گرد جیم کے گھسیسری جمود اور زادی رفت ارکا تعلق استعال کرمائیں گے۔
 - س. اگر دوجہم ایک ہی محور گھاوے گر د گھومتے ہول،ان کے کل زادی معیار حسر کت کاحساب کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• زروں پر مشتمل نظام، کازادی معیار حسر کت لّے الف رادی ذروں کے زادی معیار حسر کت کامحب وعیہ ہوگا۔

$$\vec{L} = \vec{\ell}_1 + \vec{\ell}_2 + \vec{\ell}_3 + \dots + \vec{\ell}_n = \sum_{i=1}^n \vec{\ell}_i$$

• اسس زادی معیار حسر کت کی تبدیلی کی مشرح نظام پر صافی بهیدونی قوت مسروڑ کے برابر ہوگی (جو نظام کے اندرونی ذروں اور نظام کے باہر ذروں کے باہم عمسل ہے پیدا توت مسروڑ کا سمتی محبصوع سے ہوگا)۔

$$ec{ au}_{\dot{ ext{d}} ou} = rac{ ext{d} ec{L}}{ ext{d} t}$$
 (دروں پر مشتمی نظام)

• مقسررہ محور پر گھوٹے استوار جم کے لئے ،، محور گھساوے متوازی زاوی معیار حسر کے کاحبزو ذیل ہوگا۔

$$L = I\omega$$
 (استوار جسم، مقسرره محور)

ذرول پر مشتل نظام كازادي معيار حسركت

مبداکے لیاظ سے ذروں پر مشتمل نظام کے زادی معیار حسر کسے پر غور کرتے ہیں۔ نظام کا کل زادی معیار حسر کسے آ انفٹ رادی ذروں کے زادی معیار حسر کسے آنا کا سمتی محب عوصہ ہوگا۔

(a.ry)
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

انف رادی زاوی معیار حسر کے کوزیر نوشی i سے ظاہر کیا گیا ہے۔

دیگر ذروں کے ساتھ یانظام کے ہیسرون کے ساتھ ہاہم عمسل کی بناانعنسرادی ذرے کازادی معیار حسر کت وقت کے ساتھ تبدیل مساوات ۲۱۔۵٪ (ذیل) وقت تقسر ق معیاوم کر سے ہیں۔

$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \frac{\mathrm{d}\vec{\ell}_i}{\mathrm{d}t}$$

مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات $\vec{d\ell}/dt$ ہو گی۔ مساوات کے میں کہ نہیں کہ نہ نہ نہیں کہ نہ نہیں کہ نہیں کہ نہ نہیں کہ نہ نہ کہ نہ نہ نہ کہ نہ نہ کہ نہ کہ نہ نہ کہ کہ نہ کہ کہ کہ نہ کہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ نہ کہ کہ کہ کہ نہ کہ کہ کہ کہ کہ کہ کہ نہ کہ کہ کہ کہ کہ کہ کہ کہ کہ

(۵.۲۸)
$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^{n} \vec{\tau}_{\dot{b},i}$$

یعنی، نظام کے زادی معیار حسر کت \vec{L} گی تب دیلی کی حشر آ افت رادی ذروں پر قوت مسروڑ کے سمتی محبوعہ کے برابر ہوگا۔ ان قوت مسروڑ مسیں (ذروں کے فقو توں کی بین) اندرونی قوت مسروڑ اور (ذروں پر نظام سے باہر اجسام کی قوت کی بین) ہوڑیوں کے دوپ مسیں بین) ہوڑیوں کے روپ مسیں ہوگی الب ذاان کی محبو کی قوت مسروڑ صنعت ہوگی۔ یوں، نظام کے کل زاوی معیار حسر کت \vec{L} کو صرف نظام پر عمسل ہیں۔ ایسیرونی قوت مسروڑ تھیں۔

صافی بیرونی قومے مروڑ سنظام مسیں تمام ذروں پر بیسرونی قوت مسروڑ کا سستی محب و عسہ سن $\vec{\tau}$ صافی بیسرونی قوت مسروڑ کو ظاہر کرتا ہے۔ ہیں مساوات ۵.۲۸ ذیل کھی جباستی ہے:

$$ec{ au}_{i,rq}$$
 (۵.۲۹) $ec{ au}_{i,rq} = rac{\mathrm{d}ec{L}}{\mathrm{d}t}$ (دروں پر مشتم نظب م

جونیوٹن کے مت انون دوم کازاوی روپ ہے۔اسس کے تحت ذیل ہوگا۔

 \vec{t} نظام پر مشتل نظام پر صافی ہیں۔ ونی قوت مسروڑ سین تہ نظام کے کل زاوی معیار حسر کے گی تبدیلی کی سنرے کے برابر ہوگی۔

مساوات ۱۹۰۹ و \vec{F} اور \vec{F} است \vec{F} (مساوات 27.9) مم ثل ہیں تاہم اول الذکر زیادہ احتیاط ما گئتی ہے: تو سے مسرور اونظام کا زادی معیار حسر کرت ایک مبدا کے لیے نظرے ناپات الزم ہے ۔ اگر اندرونی جمود کی جود کی جود کے لیے نظرے نظرے میں مسرکز کی سے مسرکز کی سے مسرکز کی سے مسرکز کی سے مسرکز کی بھور مشال مصرکز کی بھی میں ایک میں اگر زمسین کے لیے نظرے ساکن محور پر پہیا گھومت ہو، تب مساوات کے طور پر ، پہیے کو ذروں پر مشتمل نظرے تصور کریں۔ اگر زمسین کے لیے نظرے ساکن محور بر پہیا گھومت ہو، تب مساوات میں 18.۲۹ میں کہا تھا ہے کوئی بھی ساکن نقط بطور مبدات کیم کیے جب سکتا ہے۔ البت ، اگر پہیا مسرک محور کے گرد گھومت ہو (جیسے جب پہیامیلان پر لڑھکت اپنے آتا ہے)، تب صرون پہیے کا مسرکز کمیت مبدات کی ساکتا ہے۔

مقسرره محوريراستوارجهم كازاوي معييار حسركت

ذروں پر مشتم لظام (ذروی نظام) جو ایک استوار جم دیت ہے کازاوی معیار حسر کت تلاسش کرتے ہیں۔ شکل 15a.11 سے مسین ایک ایک جم دکھا ہے۔ محور Σ بہاں مقسرہ محور گھماو ہے ج کے گرد جم مستقل زاوی رفتار س سے گومت ہے۔ اسس محور پر ہم جم کازاوی معیار حسر کت حبانا حیاہتے ہیں۔

مبدا 0 کے لحاظ سے اس کمیتی کلڑے کے زاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}_i$ کی ت در مساوات 0.۵.۱۹ بگی:

$$\ell_i = (r_i)(p_i)(\sin 90^\circ) = (r_i)(\Delta m_i v_i)$$

جہاں p_i اور v_i کمیتی گڑے کا خطی معیار حسر کہ اور خطی رفت ارب، اور \vec{r}_i اور \vec{r}_i کا زاوی معیار حسر کہ نظی معیار حسک 5b.11 مسین دکھایا گیا ہے؛ اسس کارخ \vec{r}_i اور \vec{p}_i دونوں کو لازماً عسود دار ہوگا۔

جوو z ہم محور گھاہ کے، جو یہاں محور z ہے، متوازی $\vec{\ell}_i$ کا حبز وحبانت احیاج ہیں۔ حبز وz ذیل ہوگا۔

$$\ell_{iz} = \ell_i \sin \theta = (r_i \sin \theta)(\Delta m_i v_i) = r_{\perp i} \Delta m_i v_i$$

پورے جم کے زاوی معیار حسرک کا z حبزو معاوم کرنے کے لئے جم کے تمام سمیتی کلڑوں کے زاوی معیار حسرک کے $v=\omega r$ ہوگا۔ چونکہ $v=\omega r$ ہے المہذاذیل کھا حباسکتا ہے۔

(a.r.)
$$L_z = \sum_{i=1}^n \ell_{iz} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i v_i r_{\perp i} = \sum_{i=1}^n \Delta m_i (\omega r_{\perp i}) r_i$$
$$= \omega \left(\sum_{i=1}^n \Delta m_i r_{\perp i}^2 \right)$$

نیوٹن کامت انون دوم

مت انون بقب

 $\vec{\tau}_{i}$ = $\frac{d\vec{L}}{dt}$

 $\vec{L} = \vec{L}$

گلمپري		مة الم	
$\vec{\tau} \ (= \vec{r} \times \vec{F})$	قو <u>۔</u> مسروڑ	$ec{F}$	
$\vec{\ell} (= \vec{r} \times \vec{p})$	زادی معیار حسر کت زادی معیار حسر کت زادی معیار حسر کت	$\mid ec{p} \mid$	خطی معیار حسر کت
$\vec{L} (= \sum \vec{\ell}_i)$	زاوی معیار حسر کت	$ec{P} (= \sum ec{p}_i)$	خطی معیار حسر کت
$L = I\omega$	زاوی معسار حسر کیسے	$ec{P}=Mec{v}$	خطی معیار حسر کی

حبدول ا. ۵: مستقیم اور گھمیسری حسر کت کے مسنزید مط بقتی متغیسر اسے اور رہشتے

یباں س متقل (جم کے تمام نقطوں کے لئے ایک برابر) ہے المبندااس کو محب وعب کی عسلامت سے باہر کھا حبا سکتاہے۔

نیوٹن کامت نون دوم $ec{F}_{ ext{d}t} = rac{ ext{d}ec{P}}{ ext{d}t}$

متقل $ec{P}=ec{P}$ صنون بقب

مساوات ۵٫۳۰ مسیں $\Delta m_i r_{\perp i}^2$ مقسررہ محور کے گردجیم کا گھیسری جود I ہے(مساوات ۳۳.۳۳ میکھسیں)۔ یوں مساوات ۵٫۳۰ ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

(a.m)
$$L = I\omega \qquad (5 - 2 \pi)^{-3}$$

ہم نے زیر نوشت کے جہیں لکھیا، تاہم آپ نے یادر کھنا ہو گا کہ مساوات ۵٫۳ مسیں زادی معیار حسر کت محور گھساد پر زادی معیار حسر کت ہو گا۔ (ہم نے کوئی محور گھساد کسینی تھی۔ یہساں محور کے لی گئی۔ لہنہ زازادی معیار حسر کت اسس محور گھساد کے لیے اظے ہو گاجس پراسے حساصل کیا گیسا ہو۔) ساتھ ہی اسس مساوات مسیں آ بھی ای محور گھساد کے لیے اظے ہوگا۔

حبدول ۵۱۱، جوحبدول ۲۸۱۱ کووسعت دیت ہے،مطبابقتی خطی اور زاوی رہنتے پیشس کر تاہے۔

آزمائش ۲

قت رص، گلسیرا، اور کره کوه لنو کی طسر ج ده ساگالپین کر، مقسر ره وسطی محور پر گلمسایاحب تا ہے (شکل؟؟) _ ده ساگات نول جم پر ایک جنتی مستقل ممسائی قوت آ آ لاگو کرتا ہے۔ تسینوں جمم ابت دائی طور ساکن ہیں، ان کی کیت اور داسس ایک برابر ہیں۔ گلومتے اجسام کی در حب بسندی(۱) وسطی محور پر زاوی معسیار حسر کت اور (ب)زاوی رفت ارکے لیاظ ہے، اعظم قیمت اول رکھ کر، کریں۔

۵.۸ زاوی معیار حسر کت کی بقیا

قاصد

مصاصد اسس ھے کو پڑھنے کے بعب آ ہے۔ ا

ا. کسی مخصوص محور کے ہمسراہ نظام پر ہیں رونی صافی قوت مسروڑ کی عدم موجود گی مسیں ، زاوی معیار حسر کس کی بقسا استعمال کرکے محور پر ابت دائی زاوی معیار حسر ک کے قیت کار مشتہ بعب کی قیت کے ساتھ حبان یا ئیں گے۔

كليدي تصور

• نظام پر بیسرونی صافی قوت مسروڑ صف ہونے کی صورت مسیں ، نظام کازادی معیار حسر کت آیک مستقل ہوگا۔ یول ذیل ہوگا۔

$$ec{L}=ec{L}_i$$
 (جدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$ (جدانظ م $ec{L}_i=ec{L}_f$

اسس کوزاوی معیار حسر کت کی بقسا کافت انون کہتے ہیں۔

زاوی معیار حسر کت کی بقسا

ہم توانائی کی بقسا اور خطی معیار حسر کر کے بھو طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کر کے بھر طاقت تور تو انین بقسا ہیں۔ اب زاوی معیار حسر کرتے کی بقت کی بات کرتے ہیں، جو تیس راحت انون بقل ہے۔ ہم مساوات میں بھونیوٹن کے متانون دوم کا زاوی روپ ہے۔ بیسرونی مسافی قوت مسروڑ کے عسد م موجودگی مسیں سے مساوات میں بھوگا۔ $d\vec{L}/dt = 0$ مارک کے درسے افتیار کرتی ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$($$
مـتقل م $ec{L}=ec{L}$ (مـبـانظـام)

ب نتیب، جوذیل دوطسرت بھی تھ جب سکتاہے، زاوی معیار ترکھے کھ بقا کا قانون کے کہا تا ہے۔

$$\begin{pmatrix} \mathbf{x} & t_i & \mathbf{x} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \\ \mathbf{y} & \mathbf{y} & \mathbf{y} \end{pmatrix}$$

$$($$
ه.rr $)$ $ec{L}_i = ec{L}_f$ $($ بدانگ $)$

مساوات ۵.۳۲ ورمساوات ۵.۳۳ ذیل کهتی ہیں۔

نظام پر صافی ہیں رونی توت مسروڑ صف ہونے کی صورت مسیں، اسس سے قطع نظر کہ نظام کے اندر کیا تتب میلیاں رونساہوں، نظام کازادی معیار حسر کت لگر بوتسرار رہے گا(ایک مستقل ہوگا)۔

lawofconservationofangularmomentum*

مساوات ۱۵,۳۳ اور مساوات ۵,۳۳ متیه مساوات بین: جو تین آلپس مسین عسود داررخ پر زاوی معیار حسر کت کی بقت در کرد مسین، توت مسین در گریخه می بازاوی معیار حسر کت کی بقت صرف ایک یا دورخ بو، تاهم، تسینوں رخ زاوی معیار حسر کت کی بقت می بقت بھی نہیں ہوگا۔

اگر کسی محور کے ہمسراہ نظام پر صافی ہیں۔ ونی قویہ مسروڑ کاحبز وصف رہو، تب اسس سے قطع نظے رکہ نظام مسیں کسیات بیلیاں رونساہوں، اسس محور کے ہمسراہ نظام کے زاوی معیار حسر کت کاحبز و تب یل نہیں ہوگا۔

یہ ایک طاقت ور فعت رہ ہے: یہاں ہم نظام کے ابت دائی اور اختامی سالت مسیں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت میں ولیپی رکھے ہیں؛ درمیانی حالت یرغور کرنے کی ضرورت تہیں۔

اسس مت عدے کا اطبلاق مشکل 15.11 مسیں پیش حبداجہم پر ، جو محور تے کے گرد گھومت ہے، کسیاحب سکتا ہے۔ منسر ض کریں کئی طسرح جم ، محور گھماو کے لیے اظ سے کیت کی تقسیم نو کر کے ، محور گھماو پر اپن گھمیسری جمود تبدیل کرتا ہے۔ مساوات ۳۳ ماور مساوات ۵۳۳ کہ ہتی ہیں جم کازادی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ مساوات ۵۳۳ مسیں (گھمیسری محور پرزادی معیار حسر کت کی) مساوات ۳۳ گال کریے وت نون بت کوذیل کھے جب سکتا ہے۔

 $I_i \omega_i = I_f \omega_f$

اسس مساوات مسین زیر نوشت i اور f سمیتی تقسیم نوسے قبل اور اسس کے بعب گھیسری جود اور زاوی رفت ار ظاہر کرتے ہیں۔

باقی دو توانین بقب کی طسرح، جن پر ہم بحث کر جیکے ہیں، مساوات ۵.۳۲ اور مساوات ۵.۳۳ نیونمیٰ میکانسیات کی حسد و د سے باہر مجمی و تبایل اطسان ہیں۔ ان کا اطسان ان ذروں پر بھی ہو گاجو روسشنی کی رفت ارکے متسریب رفت ارپر حسر کرسے مسیں ہوں (جہاں نیوٹنی میکانسیات کارآمد نہسیں رہتی اور جہاں خصوصی نظسر سے اضافت استعال کرنا ہو گا)، اور ان کا اطسان زیر جوہر ذروں پر بھی ہو گا (جہاں کو انٹم میکانسیاست کا راج چلت ہے)۔ آج تک الی کوئی مشال نہسیں دیکھی گئی جو زاوی معیار حسر کسے کی بقسا کے متان نوئ کو مطمئن سے کرتی ہو۔

اہے ہم تین ایمی مشالوں پر بحث کرتے ہیں جن مسیں اسس متانون کی دمنسل اندازی یائی حباتی ہے۔

ا. پکر کھا اگار سشکل 16.11 مسیں ایک طبالب عسلم سپائی پر ،جو انتصابی محور پر گھوم سکتی ہے ، بیٹھ و کھسایا گیا۔ اسس کا زادی گئی ہے۔ پھیلے ہاتھوں مسیں وزن بھتا ہے طبالب عسلم کو ابت دائی زادی رفتار سن کے گھسایا گیا۔ اسس کا زادی معیار حسر کت سمتیں کے آئنسانی محور پر ادیر رخ ہے۔

طالب عسلم ہاتھ جم کے قسریب کرتاہے؛ کیت محور گھماوے قسریب کرنے سے طالب عسلم کا گھیسری جو رکھیں و کے مسریب کرنے سے طالب عسلم کا گھیسری جو u_i ہوگا، اور اسس کے گھوشے کی سشری w_i ہی ہوگا، اور اسس کے گھوشے کی ششری مشتل نظام پر کوئی صافی ہیسرونی قوت طالب عسلم اپنی رفت ار دوبارہ گھٹا تا ہے۔ طالب عسلم، شپائی، اور وزن پر مشتل نظام پر کوئی صافی ہیسرونی قوت مصروڑ عمل نہیں کرتی۔ یوں، اسس سے قطع نظام کہ طالب عسلم اپنے ہاتھ کہاں رکھتا ہے، محور گھاو پر نظام کا

زادی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہوگا۔ شکل 16a.11 مسیں طالب عسلم کازادی رفت ارسی کا گئی کم ہے اور اسس کا گھنے کی تلافی، زادی رفت ارسیس کا 16b.11 نسبتازیادہ۔ مساوات ۵.۳۴ کے تحت شکل 16b.11 مسیں I_i کے گھنے کی تلافی، زادی رفت ارسیس اضاف کرتا ہے۔

- عوط باز شکل 17.11 میں کمانی دار تختے نے غوط باز ڈیڑھ کا ابازیاں کھاتا دکھایا گیا ہے۔ جیب آپ توقع کر کیت ہیں، اسس کا مسر کز کیت قطع مکافی راہ پر چلتا ہے۔ کمانی دار تختے ہے، کا باز اپنے مسر کز کیت سے گزرتی تحور پر، غیبر مہم زاوی معیار حسر کرت لے کے ساتھ روانا ہوتا ہے، جو شکل 17.11 میں صفحہ کو عصود دار ہوگا۔ پرواز کے دوران کا باز پر کوئی صافی ہیں۔ دف تو سے مروز عمس کرتی، البندا محور گھاو پر اسس کا زاوی معیار حسر کست سے بدیل نہیں ہو سکتا۔ ہاتھ اور پیسر جم کے قسریب کرنے پر ای محور کے لیے ظے، اسس کے گھیسری جمود مسیں کی رونی ہور کے لیے ظے، اسس کے گھیسری جمود مسیں کی پورے جم کوسید ہو گھیسری جمود بڑھا کر اور زاوی رفت ار مسیں اضاف سے پیدا ہوگا۔ سطی پانی کو پینچ کر کا باز پورے جم کوسید ہو مسیں کرکے گھیسری جمود بڑھا کر اور زاوی رفت ار گھٹا تا ہے، تاکہ پانی مسیں دافرے دوران، غوط باز کے دوران، غوط باز کے دوران، غوط باز کے دوران، غوط باز کے زاوی معیار حسر کسے کی متحد داور رخ دونوں مسیں، بقت الذما ہوگا۔
- مربی چھلانگے جب کھ باڑی دوڑ کر لمبی چھ انگے کے لئے زمسین سے اچھلت ہے، افقی محور پر کھ بااڑی کو آحن میں و تعدم آگے رخ گھ او کا زاوی معیار حسر کے دیت ہے۔ ایس گھ اور اسس زاویے پر آگے ہونی حپ ہے کہ ریت مسیں ایڑیوں کا نشان زیادہ سے دیت نے زمسین پر پہنچ کر کھ باڑی کی ٹائلیں اکٹھی اور اسس زاویے پر آگے ہونی حپ ہے کہ ریت مسیں ایڑیوں کا نشان زیادہ سے زیادہ مناصلے پر بنے۔ اڑان کے بعد کوئی بیسرونی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہے لہنذا زاوی معیار حسر کے رکی بقت کی بدولت) تبدیل نہیں ہوگا۔ البت، کھیاڑی ہازووں کو حپکر دے کرزاوی معیار حسر کت کا بیشتر حسب ہازووں کو منتقب کر سکت کا بیشتر حسب ہازووں کو منتقب کر سیدھارہ کر اتار کے دوران درست سمت بند ہوگا۔
- بازیگر ایک پاون پر گھسٹرا ہو کر دوسرے ٹانگ کو جہم کے ساتھ °90 زاویے پر رکھ کر نہایت کم زاوی رفت ارے گھرمت ہے (بین کے قومت ہے ایس کی زاوی رفت اربیٹکل نظر آتی ہے۔ وہ شینزی ہے ٹانگ نیچے کر کے اچھات ہے ؛ ہیں جہم اور ٹانگوں کے نیخ زاویہ θ ہوگا(شکل 11 یال 19)۔ عصود دار ٹانگ کازاویہ کم کرنے ہے اسس کا گھمیسری ہجود کم ہوگا۔ بندیل نہیں بازیگر کے جہم پر کوئی ہیں دونی صافی قوت مسروڑ عمسل نہیں کرتی لہلندا اسس کازاوی معیار حسر کت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ یوں گھمیسری ہونے کی وجب ہے اسس کی زاوی رفت اربڑھے گی۔ تمیاث کی کی کم تعییز گھومت حیسران کرتا ہے۔ دالیس زمین کو پہنچنے تے قبل بازیگر ٹانگ کو عصود دار کر کے زاوی رفت ار دوبارہ کم کر کے زمین پر اتر تاہے۔

آزمائشں ۷

ایک چیوٹا تسرس، جس کے چکا پر بھونرا بیٹ ہے، انتصابی محور کے گرد گھوم رہا ہے۔ اگر بھونرا قسسرس کے وسط کی حبانب کلبلائے، کیا بھونراو قسسرس نظام کا(۱) گھمیسری جمود، (ب)زادی معیار حسر کس، اور (ج)زادی رفت ار (وسطی محور کے لحاظ سے) بڑھے گا(گی)، گھٹے گا(گی)، یاتب ملی نہیں ہوگا(گی)؟

نمونی سوال ۵.۵: زاوی معیار حرکھ کی بقا، گھومتے سبے کا مظاہرہ

شکل 20a.11 میں ایک طالب عسلم سپائی پر بیٹ دکھایا گیا ہے۔ سپائی انتصابی محور پر گھوم سکتی ہے۔ طالب عسلم، جو ابت دائی طور ساکن ہے، سائیکل کا پہیا گیڑے ہوئے ہے، جس کے چکا کا وزن سیہ سے بڑھایا گیا ہے۔ حسل محور کے لحاظ سے پہیے کا گھسیری جمود بڑھایا ہے۔ $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کے وسطی محور کے لحاظ سے پہیے کا گھسیری جمود بڑھا ہے۔ $I_w = 1.2 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کے اس میں محود بڑھا ہے۔ کا گھسیری محمد ہے کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے کہ کے کہ کے کہ کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری محمد ہے کہ کا گھسیری محمد ہے۔ کا گھسیری کے کہ کے کہ

سے کازاوی رفت ار 3.9 حب کرنی سسکنڈ ہے اور فعن سے نیچ دیکھ کراسس کارخ حنلاف گھسٹری ہے۔ پہیے کادھ سراانتف ابی ہے، اور اسس کے زاوی معیار حسر کت لئی لئی کارخ انتف کی اور جارے۔

طالب عظم پہیے کو الٹ کرتا ہے (شکل 20b.11) الہذا اب فصن سے نیچے دیکھتے ہوئے پہیا گھٹڑی وار گھومت ہے۔ اس کا ذاوی معیار حسر کت اب J_{-} ہوگا۔ پہیا الٹ کرنے کی وجہ سے طالب عظم، تپائی اور پہیے کا وسط بطور مسر کہ استوار جم تپائی کے محور گھساو کے گرد گھمیسری بحود $I_b = 6.8 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کے ساتھ گھوٹے ہیں۔ (پہیا اپنے وسطی محور کے گرد گھومت ہے، تاہم اس سے مسر کہ جم کا کمیتی تقسیم اثر انداز نہیں ہوتا؛ یوں I_b کی تیمت وہی ہوگا دیسے وہی ہوگا گھومت ابوی سے گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو گھومت ہو۔ کہ پہیا الٹ کرنے کے بعد ، مسر کہ جم کس زاوی رفت ار M_b اور کس رخ گھومت ہو

کلب دی تصورات

- ا. زادی رفت ار ω_b کا، جوہم حبانت حیاہتے ہیں، تبائی کے محور گھساوپر، مسرکب جمم کے اختتا می زادی معیار حسرکت L_b
- ۲. پہیے کی ابت دائی زاوی رفت اور پہیے کے وسط کے گرد، پہیے کے زاوی معیار حسر کہ نگر کا تعمال بھی مساوات ویت ہے۔ L_w
 - س. \vec{L}_b اور \vec{L}_w کا کوجموعہ طالب عسلم، تپائی، اور پہیے کا کل زادی معیار حسر کت کی دیگا۔
- $\frac{1}{2}$ تبدیل $\frac{1}{2}$

 \vec{c} حمایہ: شکل 20c.11 مسیں سمتیات کی بقب ظلم کرتے ہیں۔ اسس بقب کو انتصابی محور کے ہمسے راہ احب زاء کے رویہ مسیں بھی کھیا حب اسکتا ہے:

$$(\textbf{a.ra}) \hspace{3cm} L_{b,f} + L_{w,f} = L_{b,i} + L_{w,i}$$

جہاں i اور f بالت رتیب (پہیا الٹ کرنے ہے قبل) ابت دائی حسال اور (پہیا الٹ کرنے کے بعبہ) انتقامی حسال ظاہر کرتی ہیں۔ پہیا الٹ کرنے ہے بہیے کا زاوی معیار حسر کت سمتیہ الٹ ہوا لہنہ اہم $L_{w,f}$ کی جگ $-L_{w,i}$ والہنہ اللہ $L_{b,i}$ = 0 رابت دائی طور پر طبالب عسلم، شپائی، اور پہیے کا وسط ساکن تھے) رکھ حبائے، مساوات 8.70 یل ویگا۔

$$L_{b,f}=2L_{w,i}$$

$$\omega_b = \frac{2I_w}{I_b} \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

$$= 2I_w \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

$$= 2I_w \omega_w = \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2)}{6.8 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2}$$

مثبت جواب کہتی، نصن ہے دیکھتے ہوئے، تبیائی کے محور پر طبالب عسلم حنلان گھٹڑی گھومت ہے۔ اگر طبالب عسلم رکھنا حب عسلم رکھنا حب ہے، اسس کو پہیا واپس اصل حسالت مسین لانا ہو گا (یعنی ایک مسرتب دوبارہ پہیا الٹ کرنا ہو گا)۔

نمونی سوال ۵.۱: زاوی معیار حرکت کی بقا، قرم ریر بھوزا

كلب دى تصورات

(1) بھونرا کے کلبلانے سے بھونرا و مسترص نظام کی تمسیق تقسیم (البیذا گھمیسری جمود) تبدیل ہوتی ہے۔ (2) ہیسرونی توس مسروڑ کی عصد م موجود گی مسین نظام کی زاوی معیار حسر کست اٹل ہو گا۔ (بھونرا کے کلبلانے کی قوتیں اور قوت مسروڑ نظام کی اندرونی ہیں۔)(3)مساوات اس کا لیال کے استوار جم کا زاوی معیار حسر کسے دیتی ہے۔

حماج: ہم اختامی زادی رفت ار حبانت حیاج ہیں۔ ہم اختامی زادی معیار حسر کے L_f کو ابت دائی زادی معیار حسر کے برابر رکھے ہیں (چونکہ دونوں مسین زادی رفت ار شامل ہے)۔ ان مسین گھیسری جمود بھی شامل ہے۔ ابن مسین گھیسری جمود کی تلاش سے آغی زکرتے ہیں۔ L_i

وسطی محور پر گھومتے ہت رص کا گھسیسری جود حبدول 2c.10 کے تحت $\frac{1}{2}MR^2$ ہے۔ کمیت M کی جگہ 6.00m ڈال کر متسرص کا (ذیل) گھمیسری بحود تلاسٹ کرتے ہیں۔

$$(a.rq) I_d = 3.00mR^2$$

(بمیں m اور R معلوم نہیں، کسی طبیعیات کاباتھ محتام کر حیلتے ہیں۔)

r=0.800R سے اور سے میں کہ جوز اکا (ذرے کا) تھمیں کی جود اکا است دائی رداسس r=0.800R اور اختتا کی رداسس r=1 ڈال کر محور تھماویر بھوز راکا ابت دائی تھمیں کی جود زاکا ہے۔

$$I_{bi} = 0.64mR^2$$

اور اختیامی گھمیےری جمود I_{bf} حساس کرتے ہیں۔

$$I_{bf} = mR^2$$

يوں بھونراو I_i ويل بھونراو I_i ويل بھونراو ميان نظام کاابت دائی گھميے ری جمود نا

$$(\text{a.rq}) \qquad \qquad I_i = I_d + I_{bi} = 3.64 mR^2$$

اوراختامی گھیسری جمود ۱ زیل ہوگا۔

$$(a.r\bullet) I_f = I_d + I_{bf} = 4.00mR^2$$

 L_f استعال کرتے ہوئے ہم نظام کے اختتا می زادی معیار مسرکت $(L=I\omega)$ معیار سرکت $(L=I\omega)$ نظام کے ابت دائی زاوی معیار حسر کے L_i کے برابر رکھتے ہیں۔

$$I_f \omega_f = I_i \omega_i$$

آپ دیکھ سکتے ہیں، چکا کی طسر نہ بھوزا کے کلبلانے سے کچھ کمیت محور تھمیاو سے دور منتقبل ہوتی ہے ، المہذا نظام کا گھے ری جمود بڑھتاہے، جو س گھٹنے کاسے بنتا ہے۔

۵.۹ مکن حیرخی کی استقبالی حسرک

م**قاصد** اسس ھے کو بڑھ کر آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ حب کر کھاتے ممکن پرخی کر تحباذ بی قوت عمل کرے اس کے حب کری زاوی معیار حسر کت سمتیہ کو (البذامسکن حپ رخی کو)انتصابی محور کے گرد گھماتی ہے۔اسس گھومتی حسرکت کو استقبالی حسرکت کہتے
 - ۲. مکن حییر خی کی استقال حسر کت شیرج تلاسش کرمائیں گے۔
 - ٣. حيان مائيں گے كه استقالي حسر كت مشيرح يرمسكن حيير في كي كميت كاكو كي اثر نہيں۔

كليدي تصور

• پکر کھاتی مکن سپر فی کے تیک ہے گزرتی انتصابی محور کے گرد مکن سپر فی ذیل مشرح سے استقبالی حسرکت کرسکتی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

جہاں M مسکن جبر فی کی کمیت، γ معیار اثر کابازہ، I گھمیسر کی جمود، اور ω شرح جبرہے۔

gyroscope²

مسكن حبيرخي كياستقبالي حسيركت

و ھے رہے پر نسب پہپ جو د ھے رہے پر حپکر کائے سکتا ہو ، سادہ مسکن حپر خی دیگا۔اگر ساکن مسکن حپر خی کے دھے رہے و د ھے رہے کا ایک سر تیک پرر کھ کر (شکل 22a.11)مسکن حپر خی چوڑی حبائے، وہ د ھے رہے نحیلے سر پر گھوم کر نینچے گرے گی۔ چونکہ گرنے مسیں گھوماٹ امسل ہے، اسس پر نیوٹن کامت انون دوم لاگو ہوگا، جو (ذیل) مساوات ۲۹۔۵ دی ہے۔

$$\vec{\tau} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$

$$\tau = Mgr\sin 90^{\circ} = Mgr$$

اوررخ شکل 22a.11مسیں د کھایا گیا ہے۔ (Mg اور تر کے فیزاوی 90° ہے۔)

تیبز حب کھاتی مسکن حب رخی کاروی مختلف ہوگا۔ وضرض کریں دھسراافق ہے اوپر دار زاویے پر رکھ کر مسکن حب رخی رہا کی حب قلف ہوگئی ہے، لیسکن اسس کے بعید دھسرے پر حب کر کائے ہوئے، گھومتی ہے، لیسکن اسس کے بعید دھسرے پر حب کر کائے ہوئے، نقط ہتا ہے۔ مورک نقط ہتا ہے۔

ممکن پرخی گرقی کیول نمیدی چسپرناکاٹے ہوئے مسکن حبر ٹی کی طسرح حبر کاٹی مسکن حبر ٹی نیچے کیوں نہیں گرتی؟ رہا کرنے پرمسکن حبر ٹی گرنا شیروع کرتی ہے، تاہم نکل کی پیدا کر دہ قوت مسروڑ ابت دائی زادی معیار حسر کت کوصنسر قیمت سے تبدیل نہیں کرتی، بلکہ حبکرے پیداغیب رصف قیمت سے تبدیل کرتی ہے۔

سے مستجھنے کے لئے کہ ابتدائی غیبہ صنب زاوی معیار حسرکت کیے مسکن حیبہ فی کو استقبالی حسرکت پر محببور کرتا ہو گا۔ ہمیں حیکر سے پیدامسکن حیبہ فی کے زاوی معیار حسرکت کے پر غور کرنا ہو گا۔ صورت حسال آسان بنانے کی حناطسر، ہم صنبرض کرتے ہیں کہ لیا کے لیاظ سے استقبال حسرکت سے پیدازاوی معیار حسرکت و تابل نظسر انداز ہے۔ ساتھ ہی، جی سنسکل aa.22b مسیں دکھایا گیا ہے، ہم صنبرض کرتے ہیں کہ جس کمچے استقبال حسرکت مشروع ہوتی ہے، دھسراافتی ہے۔ مساوات ۱۳۱ مے لیے کی وقت رکھتے ہیں:

$$(a, rr)$$
 $L = I\omega$

جہاں دھسرے کے لحیاظ ہے I مسکن حمیسر ٹی کا گھسیسر کی جمود اور دھسرے پر حمیسر کا نے کی پہیے کی زادی رفت ارU ہے۔ جمیس شکل 22b.11 مسیار اثر کے بازو تو کو متوازی ہے، جمیس نے مصرور ٹر کو لازماً آل کو عصور درار ہوگا۔ وقت مصرور ٹر کو لازماً آل کو عصور درار ہوگا۔

precession[^]

مساوات ا 4 کہتی ہے، وقت وقف dt مسیں قوت مسروڑ 7 مسکن حسر فی کے زاوی معیار حسر کت کی قیت مسین (ذیل) معمولی تبدیل dL پیدا کرتی ہے۔

$$(\mathbf{a}.\mathbf{rr}) \qquad \qquad \mathbf{d}\vec{L} = \vec{\tau}\,\mathbf{d}t$$

 \vec{L} تاہم، سیز حپر کائی مسکن حپ رخی کے لئے، \vec{L} کی ت در مساوات 3.40 کے تحت اٹل ہے۔ یوں قوت مسروڑ صرف کارن تب بیل کر سکتا ہے، ناکہ اسس کی ت در۔

مساوات 0.00 گنت 1 کارخ 1 کو عسود دار ہوگا۔ زادی معیار حسرت کی تبدیل کے بغیبر، 1 کارخ 1 کارخ 1 کارخ 1 کارخ 1 کو عسود دار ہوگا۔ زادی معیار حسرت کی تبدیل کرنے کا واحد طسرایت، جیب مشکل 22c.11 مسین د کھیایا گیاہے، محور 1 کارخ 1 کارخ راز کی راز پر جلت ہے، اور 1 کی قسر راز می راز کی راز پر جلت ہے، اور 1 کی مسین آسس راز ہوگا، دھسرے کو محور 1 کی گرد 1 کارخ گومت ہوگا۔ یوں استقبالی حسرت پیدا ہوگا، دھسرے کو محور 1 کی رد 1 کی دران حیکر کا ٹی مسکن حیبر ٹی کو نیوٹن کے متانون دوم (ک گی۔ ابت دائی زادی معیار حسر ک میں تبدیلی کے در عسل کے دوران حیکر کا ٹی مسکن حیبر ٹی کو نیوٹن کے متانون دوم (ک زادی رویس) پر پورانا تاہوگا؛ یوں گرنے کے بحب کے اس کو استقبالی حسر ک کی بوگی۔

استقبال حرکھے۔ ہم ساوات ۱۵٬۴۲ ورمساوات ۱۵٬۴۲ ستعال کرکے $dec{L}$ کی ت در تلاش کرکے:

$$dL = \tau dt = Mgr dt$$

استقبالی ترکت کی شرح ۹ Ω تلاش کرسے ہیں۔ باریک وقت وقف dt میں معمولی تبدیلی رونس ہوگی، دوسرا اور L کور z کے گرداستقبال حسر کت کرتے ہوئے چھوٹے زاویہ $d\phi$ سے گزرتے ہیں۔ (شکل 220.11 میں زاویہ $d\phi$ بڑھا حسر گرمان کی میں میں گرائیں ہوئے ہوئے کہ اسس کی وضاحت ہو۔) مساوات $d\phi$ برمان ہوگا۔ $d\phi$ کی مددے $d\phi$ وزیل حسامس ہوگا۔

$$d\phi = \frac{dL}{L} = \frac{Mgr \ dt}{I\omega}$$

دونوں اطسرانے dtے تقسیم کرکے شرح $\Omega=\mathrm{d}\phi/\mathrm{d}t$ رکھ کرذیل میں سال ہوگا۔

(۵.۲۲)
$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega} \qquad (2 شرک ک نشری)$$

مساوات ۲۶.۵۷ اطلاق اسس حپکر کاٹے مسکن حسر فی پر بھی ہو گا جس کا دھسرا افق کے ساتھ زاویے پر ہو۔ اسس کا اطلاق حپکر کاٹے الٹویر بھی ہوگا، چونکہ لٹودر حقیقت افق کے ساتھ زاویے پر مسکن حسر فی ہی ہے۔

precessionrate9

نظب رثانی اور حنـلاصب

لوهكتے اجمام رداس R كاپہياجو بموارى سے لاهكت بوكے لئے ذيل بوگا:

$$v = \omega R$$

جہاں پہیے کے مسر کز کمیت کی خطی رفت ار _{سر کز کمیت} تا اور وسط کے گردیہے کی زادی رفت ار س ہے۔ پہیے کو "سٹر ک "کے نقطہ P کے، جہاں پہیا سٹر کرے ہے تماسس مسیں ہے، گرد لحماتی گھومت تصور کمیا حباسکتا ہے۔اسس نقط پر پہیے کی زادی رفت ار پہیے کے وسط پر پہیے کی زادی رفت ارکے بر ابر ہوگی۔ لڑھکاتے پہیے کی حسر کی توانا کی ذیل ہے:

ا گر پہیازاویہ θ میلان سے ہموار نیچے لڑھکنی ہو، میلان کے اوپر وار ہمسراہ محور xیراسس کااسسراغ ذیل ہوگا۔

ق مروڑ لبطور سمتیں تین ابساد مسیں، آت ایک سمتیہ ہوگاجو کسی مقسررہ نقط (جوعسوماً مبداہوگا) کے لیاظ سے معسین ہوگا؛ اسس کی تعسریف ذیل ہے:

$$ec{ au} = ec{r} imes ec{F}$$

جباں ذرے پر لاگو قوت $ec{f}$ اور کی اٹل نقط کے لحیاظ سے ذرے کامعتام تعسین گرسمتیہ $ec{ au}$ ویت ہے۔

(2.12 .2.14)
$$\tau = rF\sin\phi = rF_{\perp} = r_{\perp}F$$

جباں \vec{F} اور \vec{r} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو عصود دار \vec{F} کا حبزو F_{\perp} ہے، اور \vec{F} کا معیار اثر کا بازو r_{\perp} ہے۔ دائیں ہاتھ کا صاحب ہ \vec{r} کا رخ دیگا۔

(a.in)
$$\vec{\ell} = \vec{r} imes \vec{p} = m(\vec{r} imes \vec{v})$$

 $\vec{\ell}$ کی ت در ذیل دیتی ہیں:

$$(a.19) \qquad \qquad \ell = rmv\sin\phi$$

$$(a.r\bullet) \qquad \qquad \ell = rp_{\perp} = rmv_{\perp}$$

$$(a.r) \qquad \qquad \ell = r_{\perp} p = r_{\perp} m v$$

جباں \vec{r} اور \vec{p} کے \vec{g} زاویہ ϕ ہے، \vec{r} کو عصود دار \vec{p} اور \vec{v} کے حبزو p_{\perp} اور p_{\perp} بیں، اور اٹل نقطے کا مبوط \vec{p} عصود دار ون اصلہ p_{\perp} ہے۔ دایاں ہاتھ وت اعبدہ \vec{b} کارخ دیگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کا زاوی روپ درے کے لئے نیوٹن کانت نون دوم زادی روپ مسین ذیل تکھ جب سکتا ہے:

(a.rr)
$$ec{ au}=rac{ ext{d}ec{\ell}}{ ext{d}t}$$

جبان ذرے پر صافی قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ اور ذرے کازاوی معیار حسر کت \vec{k} ہے۔

فروں پر مثنگی نظام کا زاوی معیار حرکھ زروں پر مشتل نظام کا زادی معیار حسر کے آذروں کے انفسرادی زادی معیار \vec{L} کا تعمیر محید ہوئے۔ \vec{L} کا تعمیر محید ہوئے۔

(a.ry)
$$\vec{L}=\vec{\ell}_1+\vec{\ell}_2+\vec{\ell}_3+\cdots+\vec{\ell}_n=\sum_{i=1}^n\vec{\ell}_i$$

اس زاوی معیار حسر کت کا وقت تغسر ق نظام پر صافی ہیں رونی قوت مسروڑ (نظام سے باہر ذروں کے ساتھ باہم عمسل سے پیدا قوت مسروڑ کے سعتی مجسوعہ) کے برابر ہوگا۔

(۵.۲۹)
$$au_{\dot{b}} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$
 (دروں پر مشتمل نظام)

استوار جهم کا زاوی معیار حرکت مقسره محور پر گوئ ہوئے استوار جهم کا، محور گھساد کو متوازی، زادی معیار حسر کس کا حب زو ذیل ہوگا۔

(a.m)
$$L = I\omega \qquad (50, -1)$$

زاوی معیار حرکھے کی بقا نظام پر صافی ہیں دونی قوت مسروڑ صنسر ہونے کی صورت مسیں نظام کازاوی معیار حسر سرت آیا گی ہوگا۔

$$(2.mr)$$
 متقل $\vec{L} = \vec{L}$ (بدانظام)

$$($$
ه.rr $)$ $ec{L}_i = ec{L}_f$ (مبدانظام)

ب زاوی معیار ترکھے کے بقا کا قانون ہے۔

مکن پرخی کی استقبال حرکت حیکر کائی مسکن حیر خی تیک ہے گزرتی انتصابی محور پر ذیل شدرے استقبال حسرکت کرستی ہے:

$$\Omega = \frac{Mgr}{I\omega}$$

M مسکن چرخی کی کمیت، γ معیاراژ کابازو، I گھمیسر کی جمود،اور ω چکر کالنے کی مشرح ہے۔

سوالا ____

سوال ۱.۵: ایک کمیت اور ایک مستقل رفت ار پر چلتے ہوئے تین ذروں کے سمتی رفت ارسمتیات شکل 23.11 مسیں دکھائے گئے ہیں۔ نقط میں درجب سندی، دکھائے گئے ہیں۔ نقط کی درجب سندی، اعظم میں اور کہ کوری نقط میں تو تین ذروی نقط میں کے مسافی زادی معیار حسر کریں۔ کے لیاظ سے کریں۔

سوال ۵.۲: ذرہ A اور ذرہ B کا xyz محدد $(1 \, m, 0, 1 \, m)$ اور $(1 \, m, 0, 1 \, m)$ ہے (شکل 24.11) ہیں اور نے بین گسنتی دار قوت مسل کرتی ہیں، جن کی تدر ایک برابر اور رخ ایک ایک محدد کی محور کے رخ ہے۔ (۱) کون می قوت مبدا پر محور y کے متوازی قوت مسروڑ کی قوت مسروڑ کی قبدر کے لیاظ سے آرے پر قوت مسروڑ کی قبدر کے لیاظ سے قو تول کی در جب بیندی، اعظم قبت اول رکھ کر، کریں۔

سوال \vec{r} . (وری دار لوکا دھ گھ()) توت \vec{F} ہے (جس کا خط عمسل مینے پر نقطہ تمسس ہے گزرتا ہے)، (ب) تو \vec{F} وجس کا خط عمسل نقطہ تسسس ہے بلندی پر گزرتا ہے)، اور (خ) قوت \vec{F} (جس کا خط عمسل نقطہ تسسس ہے دائیں گزرتا ہے)، اور (خ) قوت دائیں گزرتا ہے) ہوگا؟ تمسس ہے دائیں گزرتا ہے) ہے کھینچ حب تا ہے۔ ابت دائی طور ساکن ڈوری دار لئوکو کمیا ہوگا؟

سوال ۵.۵: مبدا پررکھے ذربے پر ایک وت درکی تین قوت عمسل کرتے ہیں (مشکل 26.11)۔ \vec{F}_1 سیدھ صفح کے اندر رخ عمسل کرتے ہیں (مشکل 26.11)، P_2 ، اور (ج) نقط ہے P_3 ، اور (ج) نقط ہے جہت اول رکھ کر ، (۱) نقط ہے P_1 ، (ب) نقط ہے کہ کہا ہے کہ کہا ہے کہ یہ بہت کی انداز کے لیا تا ہے کریں۔

 $\ell=(2)$: $\ell=3t+4$ (ا) سین اور مین اور کازاوی معیار حسر کست $\ell(t)$ سین اور مین (1) $\ell=3t+4$ (۱) معیار حسان قوت مسروژی مین (1) $\ell=2$ (2): $\ell=4$ (1) معیار $\ell=2$ (3): $\ell=2$ (6): $\ell=2$ (6): $\ell=2$ (7): $\ell=2$ (8): $\ell=2$ (8): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (9): $\ell=2$ (1): $\ell=2$ (1):

موال ۵.۸: متطیل سل جو وسطی نقط 0 سے گزرتی انتصابی محور کے گرد گھوم سکتی ہے کا فصن کی نظارہ شکل 27.11 میں جسن حباتا میں پیش ہے۔ سامیں دھنس حباتا ہے، جو سل مسین دھنس حباتا ہے۔ چوسروں کی کمیت ایک حبیب اور رفت ارایک برابر ہے۔ (۱) مت امات کی در حب ببندی، اعظم قیمت اول رکھ کر، چھسروں کی کمیت ایک جیسے ہوئے کن راہ کے لئے سل کر، چھسروا گئے کے بعد سل (اور چھسروا) کی زاوی رفت ارکے لئے سل (اور چھسرا) کی روزوی معیار حسر کے منفی ہوگی؟

سوال 9.3: سشکل 28.11 مسیں پہیے کے زاوی معیار حسر کس کی متدر کے بالقابل وقت t پیش ہے۔ حیار حسروت دار وقتی دورانیوں کی در حب سندی پہیے پر عمسل پسیرا قوت مسروڑ کی متدر کے لحاظ سے کریں۔ اعظم قیت اول رکھیں۔

موال ۱۰.۵: مستقل سمتی رفت از تن پر چلت ابوا ذره اور پاخی نقطی بمن xy میدد مشکل 29.11مسین د کھے گئے ہیں۔ نقط پر ذرے کے زادی معیار حسر کت کی تندر کے لیاظ سے نقطوں کی در حب سندی کریں۔ اعظم قیمت اول رکھیں۔

سوال ۱۱.۵: توپ کا گولا اور تنجاب کن حسالت ہے مسلمان پر نشیب وار لڑھکتے ہیں۔ کسیا توپ کے گولے کا کنچے ہے (۱) زمسین تک چینج کا دورانیہ اور (ب) زمسین پر پہنچ کر خطی حسر کی تو انائی زیادہ ہو گی، کم ہو گی، یا دونوں بر ابر ہیں؟

سوال ۱۱.۵: پیتل کے ٹھوسس ہیان اور ککڑی کے ٹھوسس ہیان کی کمیت اور رداسس ایک پین (ککڑی کا ہیان زیادہ لمب ہے)۔ ایک ساتھ رہائی کے بعد دونوں میلان پر لڑھکتا ازتے ہیں۔(۱)کون ہیان زمسین پر پہلے پہنچے گا، یاکسیادونوں ایک ساتھ بہنچتے ہیں؟(ب)کلڑی کے ہیان کا سر کاٹ کر ہیان کو پیتل کے ہیان بھناہت یا جب اور پیتل کے ہیان کی کوسطی کمی محور مسیں سوراخ کر کے کمیت گیاکر دونوں ہیان کی کمیت برابر کی حباتی ہے۔ اب کون ہیان مقتا بلے مسیں برابر ثابت ہوتے ہیں؟

سوالا ____

متقیم حسر کے اور گھے اومسل کر لڑھکاو دیتے ہیں

سوال ۱.۵: ایک گاڑی h^{-1} 80 km h^{-1} رفتارے استواسٹر کے بیٹرے رفخ کی رہی ہے۔ اس کے پہنے کے (۱) وسط، (ب) بالا سر، اور پہنے کے (۱) وسط، (ب) بالا سر، اور (۶) نحیلے سرکی استواغ کی وقت رقہ کسی کی خیلے سرکی استواغ کی وقت رقہ کسی میٹر نفت رفتار تو کسی ہوگی؟ سٹر کی سندر کا کسی میٹر تھی مسیں، پہنے کے (ز) وسط، (۲) بالا سر، اور (ط) نحیلے سرکی مستول کی وقت رفتار تو کسی میٹر کے کسن رکے کسی کے لیاظ ہے ، اکائی سمتیہ ترقیم مسیں، پہنے کے (ز) وسط، (۲) بالا سر، اور (ط) نحیلے سرکی مستول فت رفتار تو کسی میٹر نفت کے کسارے گوئی ، اور پہنے کے (ر) وسط، (یا) بالا سر، اور (یب کے لیے سے کے اسراغ کی وقت در تھ کسی ہوگی؟

-(1) حوال -(1) عوال -(1) عن میں ہے۔ (1) عوال -(1) عن میں ہے۔ (1) عوال -(1) عوال -(1) عاد ہے کہ دوسرے کے لیے افرادی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) پہنے کے دوسرے کے لیے افرادی رفت ارکب ہوگا؟ (ب) پہنے کے دوران گاڑی کتن این اسل مطے کرتی ہے؟ حباتی ہوگا؟ (خ) رکنے کے دوران گاڑی کتن این اسل مطے کرتی ہے؟

لڑھکاو کی قوتیں اور حسر کی توانائی

سوال 3.0 افتی زمسین پر $140 \, \mathrm{kg}$ کا گھیسر الزھکتا ہے۔ گھیسرے کا مسر کز کمیست $5-0.150 \, \mathrm{m \, s}^{-1}$ رفت ارتب کست کر تاہے۔ گھیسر اروکنے کے لئے کتنا کام سرانحب ام کرنا ہوگا؟

موال ۱۵.۲٪ شھوسس یکساں کرہ میلان پر لڑھکت اتر تا ہے۔ (۱) کرہ کے مسرکز کیسے کے زادی اسسراع کی متدر 90.10 ہونے کے لئے زاوی میلان کر اترے، کیا اسس کے اسسراع کی متدر زیادہ ہوگی، کو بی ہوگی؟ کیوں؟

سوال ۵.۵: ایک گاڑی، جس کی کمیت 1000 kg ہے، کا پہیا 10 kg ہے۔ جیاتی گاڑی کے کل حسر کی توانائی کا کتت حصہ (حیار) پہسیوں کے دھسرے پر گھاو کی بدولت ہو گا؟ پہیے کو یکساں مسترص تصور کریں۔ آپ کو پہیے کا رداسس حسن نے کی ضرورت کیوں در پیش نہیں؟

v سوال ۵.۲: سشکل 30.11 مسیل، 30° مسیلان پر v مسیل مسیل مسیل وقت v مسیل وقت v مسیل مسیل وقت و مسیل مسیل وقت و v مسیل مسیل وقت و مسیل و مسی

 $\theta=2.2$ سوال ۵.2: شوس بیلن، جس کارداس $10\,\mathrm{cm}$ اور کیب $12\,\mathrm{kg}$ بین میان جسال نازدگرے $10\,\mathrm{cm}$ وال ۵.2: $10\,\mathrm{cm}$ بین کی چھت پر $10\,\mathrm{cm}$ بین بین بین کرتا ہے۔ $10\,\mathrm{cm}$ کا جست کی جست کا کہ خوالی محور پر بسیان کازاوی رفت ارکسیا ہوگا؟ (ب) چھت کا کشنارہ زمسین سے $10\,\mathrm{cm}$ بین بین کرتا ہے؟ جھت کے کشنارے سے بسیان کتے افقی ون صلے پر استواز مسین پر گرتا ہے؟

 $h=2.0\,\mathrm{m}$ بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا $H=6.0\,\mathrm{m}$ بانندی ہے آغناز کرکے ہموار لڑھکتا ہوا $H=2.0\,\mathrm{m}$ اونچے افتی کنارے ہے گرتا ہے (شکل 33.11)۔ نقل ہے کہ ہے کتنے افتی ون صلے پر گیند ذمسین پر گرے گا؟

موال ۱۰.۵: ایک کھوکھ لاکرہ جس کا رداسس سا 0.15 اور مسرکز کمیت ہے گزرتی محور پر گھمیسری جمود است اللہ میں اللہ میں اللہ میں کہ است کہ تاہے۔ ابت دائی نقطہ پر کرہ کی کل حسر کی توانائی کو ہے۔ (ا) ابت دائی تقطہ پر کرہ کی کل حسر کی توانائی کو تعالیٰ کے کتنا جسس گھیسری ہے؟ (ب) ابت دائی نقطہ ہے مسلمان کے ہمسراہ اوپر وار سا 1.0 مناصلہ طے کرنے کے بحد راسس کی (ج) کل حسر کی توانائی اور (د) مسرکز کمیت کی رفت ارکہ ایں؟

سوال ۱۱.۵: رداسس $0.30 \, \text{m}$ اور کیت $10 \, \text{kg}$ پیے پر $10 \, \text{N}$ و تدر کی مستقل افتی توت \vec{F}_{g} لاگو کی حباتی ہے (مشکل 34.11)۔ پہیا افتی سطح پر ہموار لڑھکتا ہے، اور اسس کے مسر کز کیت کے اسسراع کی متدر 34.11 ور اسس

(۱) اکائی سمتیہ ترقیم مسیں پہیے پرر گڑی قوت کیا ہے؟ (ب) مسر کز کمیت سے گزرتی مسر کز گھساد پر پہیے کا گھسیری جمود کسیاہے؟

حوال ۱۵.۱۲: پیت کا گھوسس گیند، جس کی گیت $0.280 \, \mathrm{kg}$ ہے، گھیر در گھیر راہ کے سیدھے تھے پر ہاکرنے ہے $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور ہاکرنے ہے در اور گیند کارداسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور ہاکر داسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور ہاکہ کارداسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور گئیند کارداسس $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور از گھیر کے مندراز پر بھنچ کر گیند راہ سے علیحہ دہ ہونے کے دہانے پر ہو، $r \ll 0.280 \, \mathrm{kg}$ ہور اگر گیند کے دہانے پر ہور کا کسیا ہوں گ

سوال ۱۳ ان عنی ریک گیند ، جس کارداس R اور کمیت M ہے ، ساکن حسالت سے میلان پر جو الرقع کے دائری گھیر پنجت ہے (شکل 36.11 کی ابت دائی بلندی h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان پر h=0.36 سے میلان کو تاریخ کو گلیت دیر عصوری توت کی و تدر h=0.36 سے میلان کو افراد نوی کر دارونی کر دارجو یک اور کر کوئی خول (جو یک ان کو افراد کے مادے سے بنا ہے) کے اور کر وی خول (جو یک ان کافت کے مادے سے بنا ہے کے اور کر وی خول (جو کی دوسر سے یک ان گافت کے مادے سے بنا ہے کہ جو گاہ ہوئی کا گلیت کے اور کر وی کوئی سے وی کا ہے h=0.36 سے بنایا گلیت ہے گئیت کے گئیت کر گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کر گئیت کر گئیت کے گئیت کوئی کوئیت کوئیت کی گئیت کے گئیت کے گئیت کے گئیت کوئیت کے کہنا کوئیت کے کہنے کہ کوئیت کوئیت

روال ۱۵.۱۵: ایک چیوٹا، ٹھوس، یک الگیند نقط P سے چینکا حباتا ہے تاکہ گیند افقی راہ پر ہموار لڑھک کر، میلان پر حب رہ میلان پر میل (خیلی) سطح مسر تفع پہنچ (شکل 37.11)۔ سطح مسر تفع پر گرتا ہے۔ انقصابی بالبندیاں $h_1 = 5.00 \, \mathrm{cm}$ اور $h_2 = 1.60 \, \mathrm{cm}$ بین راگر $h_3 = 6.00 \, \mathrm{cm}$ ہو نقطہ P بر گیند کی رفت ارکب ہوگی؟

سوال 10.10: رداس $R=11\,\mathrm{cm}$ کا گیند افتی راه پر روانا کیاحب تا ہے (شکل 38.11)۔ گیند ابت دائی رفت ار $R=11\,\mathrm{cm}$ میں میں دواس $R=10\,\mathrm{cm}$ کے ساتھ راہ پر گھٹت ہے اور اس کی ابت دائی زاوی رفت ار $R=10\,\mathrm{cm}$ ہے۔ گیند اور اس کی ابت دائی زاوی رفت اور کیند کو خطی ممرع کرتی ہے راہ کے فیج حسر کی رگڑ کا متقل 20.21 ہے۔ حسر کی رگڑی قوت میں گرتی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے تا کافی گھٹے اور زاوی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی سے کافی گھٹے اور زاوی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے۔ خطی رفت ار مرزئی ہے کہ بعد گیند گھٹے اور زاوی رفت از میں کی صورت میں کافی بڑھنے کے بعد گیند گھٹے ابند کر تا ہے اور بموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے۔ (ا) اس کھے پر کس کی صورت میں مرزئی دیر کا میں ہوگا گھٹے در ان گیند کا رہے گھٹے در اور کی زاوی اسراع کورائی گیند کورائی گیند کورائی گیند کی در اور کی کھٹے کے دورائی گیند کی ورائی گیند کر تا ہے اس کی میں مرزئی ہوگا ؟ (و) گیند کتے ون صلد گھٹت ہے؟ (و) جس کے گیند ہموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے اس کی میں مرزئی سے گیند ہموار لڑھکٹ شروع کر تا ہے اس کی میں مرزئی ہوگا؟

سوال ۱۱. ۵: غیبر یکس بسیلی جم شکل 39.11 میں کمیت M اور رداسس R کا بسیلی جم بموار لڑھک کر میلان سوال ۱۹. ۵: غیبر پہنچت ہے۔ یہس سے وولڑھک کر، کسنارے سے M=0.506 m افق صلے پر زمسین پر گر تا ہے۔ جم کی ابت دائی بلندی H=0.90 m اور میلان کا کسنارہ h=0.10 m بلند ہے۔ اندرونی بسیلن (جو یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) پر بسید وفی بسیلن خول (جو مختلف یکساں کثافت کے مادے سے بہنا ہے) چہر جساکر جم بہنا یک گائیست کے مادے سے بہنا ہے) کہ جود عسوی کلیہ M=0.50 اور میسان کی قیمت M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی صورت مسین M=0.50 جم کا گھیسری جود عسوی کلیہ M=0.50 جسان کی قیمت M=0.50 جس (یکسال بسیلن کی قیمت M=0.50 بسیل (یکسال بسیلن کی قیمت کی قیمت کی قیمت کی تو کسیل کی قیمت کی تو کسیل کرنے کی کا کسیل کی قیمت کی کا کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کرنے کی کسیل کرنے کی کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کا کسیل کی کسیل کرنے کی کسیل کی تو کسیل کی تو کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی تو کسیل کرنے کی کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کرنے کی کسیل کے کسیل کرنے کے کسیل کی کسیل کی کسیل کسیل کسیل کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کی کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کے کسیل کی کسیل کے کسیل کی کسیل کے ک

ڈوری دار لٹو

سوال ۱۵.۵: ڈوری دار لئو کا گھسیسری جمود 980 g cm² اور کمیس بے دھسرے کارداسس 3.2 mm کے دھسرے کارداسس 3.2 mm اور ڈورکی لمب بی تک 120 g ہے۔ آس کے دھسرے کارداسس 120 cm کے اور ڈورکی لمب بی 120 cm کی 120 cm کی اسسے خطی اسسراع کی ویٹر کسیا ہوگی؟ (ب) ڈورکے آحنسری سسر تک لئو کتنی دیر مسین پنچت ہے؟ (ج) ڈورکے آحنسری سسر کو توانائی، (د) خطی افساری خطی دفت ارکب ہیں؟

سوال ۱۰۸۸ تا ایک بڑا ڈوری دار لئو کرین سے رہاکت حب تا ہے۔ لئو کی کمیت 116 kg ہے جو 20 رداس کے دوفت رص علی میں م 3.2 cm دراس کے دھسرے کے ساتھ جو ڈر کر بنایا گیا ہے۔ (۱) اتر نے اور (ب) جپڑھنے کے دوران لئو کے اسراغ کی متدر کسیا ہے؟ (ج) لڑھکا و کے دوران ڈور کا تناو کسیا ہے؟ (د) کسیا ہے ڈور کے انتہائی تناو کل کے قسریہ ہے؟ فضرض کریں آپ اسس ڈوری دار لئو کا بڑا نمون (ای شکل وصورت اور مادے کا) بناتے ہیں۔ (ہ) کسیا تارکے دوران بڑے لئو کے اسراغ کی وتدر زیادہ ہو گی، کے وہی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کو وی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کہ وگی، کا وی ہو گی؟ (و) ڈور کا تناوزیادہ ہو گی، کو وی ہو گی؟

قو___ مسروڑ پر نظسر ثانی

سوال ۱۹.۵: قوت $\vec{F}_1 = (3.0\,\mathrm{N})\hat{k} = 0$ اور $\vec{F}_2 = (-2.0\,\mathrm{N})\hat{j}$ ایک پسو پر عمسال کرتی میں بیری بویر اکائی سمتیہ ترقیم مسیں $\vec{F}_3 = (0, -4.0\,\mathrm{m}, 5.0\,\mathrm{m})$ کے بیری بیٹ ہے۔ مبدا کے لیے ناظ سے بیرو پر صافی قوت مسروڑ اکائی سمتیہ ترقیم مسیں کے بیری بیری بیٹ ہوگی ج

 $F_{\chi}=(0)$ برواقع ہے، عمل پیدر اقوت کاواحد حبزو ($-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$) برواقع ہے، عمل پیدر اقوت کاواحد حبزو ($-2.0\,\mathrm{m},0,4.0\,\mathrm{m}$) جہدرا کے لیے اللہ کہ متبہ جہدرا کے لیے اللہ کہ متبہ کے اللہ کہ متبہ کے لیے کہ اللہ کہ متبہ کروڑ کے اللہ کہ میں ناشیاتی پر قوت مسروڑ کے ہوگی؟

 $F_{1x}=0$ بوال ۲۰۱۰ نیست زرے پر بھو $(0,-4.0\,\mathrm{m},3.0\,\mathrm{m})$ پر واقع ہے، ذیل تو سے مسل کرتی ہے: (۱) جہاں نواز جہاں ہے۔ $F_{1x}=0$ نواز ہے۔ $F_{2z}=4.0\,\mathrm{N}$ ، $F_{2y}=0$ ، $F_{2x}=0$ جہا کائی ہے۔ $F_{1y}=F_{1z}=0$ ہے۔ اکائی سمتہ ترقیم سین، مبدا کے لیے ظرے ذرے پر میں فی قوت سے وراز کے اپنا ہوگی ج

 $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ سوال $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ نورے پر بہو تو تو تعمیل کرتی ہے۔ جب مبدا کے $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ نورے کر تا ہے بہ قوت عمیل کرتی ہے۔ جب مبدا کے لیے نامعتام $z = 1.00 \, \mathrm{m}$ نورے کا معتام کا معتام کا معتام کا معتام کا معتام کے نامعتام کا معتام کے نامعتام کی نامعتام کی نامعتام کی نامعتام کرتے ہے۔ نامعتام کی کا کھیل کے نامعتام کی کا کھیل کے نامعتام کرتے ہے۔ نامعتام کی کا کھیل کے نامعتام کی کا کھیل کے نامعتام کی کھیل کے نامعتام کے نامعتام کی کھیل کے نامعتام کی کھیل کے نامعتام کے نامعتام کے نامعتام کی کھیل کے نامعتام کی کھیل کے نامعتام کے نامعتام کے نامعتام کے نامعتام کی کھیل کے نامعتام کے نامعتام

 $\vec{F} = 7$ برقوت $\vec{r} = (0.50 \, \mathrm{m})\hat{j} - (2.0 \, \mathrm{m})\hat{k}$ وال $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت $\vec{r} = 7$ برقوت برقوت برقوت برقوت مسرور (ا)مبدااور (ب) نقط (2.0 \, m, 0, -3.0 \, m) کی اظ ہے پھے میں (۱)مبدااور (ب) نقط کی جو گا

 ن اور \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 کا محبوعہ۔ مبدا کے لحاظ ہے بوتل پر قوت مسین کے ہوگی؟(د) ہوگا۔ اور \vec{F}_2 کا محبوعہ۔ مبدا کے لحاظ ہے جبزوج کی قوت مسروڑ دوبارہ تلاسٹ کریں۔ نقطہ (3.0 m, 2.0 m, 4.0 m) کے لحاظ ہے حبزوج کی قوت مسروڑ دوبارہ تلاسٹ کریں۔

 $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j} = 7$ ایک ذرب پر عمس کرتی ہے حباکا تعلین گرسمتیہ $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (6.0 \, \mathrm{N})\hat{j} = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (4.0 \, \mathrm{m})\hat{j}$ در $\vec{r}' = (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} + (-8.0 \, \mathrm{N})\hat{i} = -10.0 \, \mathrm{N}$

زاوی معیار حسر ک<u>ت</u>

 \vec{v} - اور سمتی رفت او \vec{v} - (2.0 \hat{i} - 2.0 \hat{k}) سمتی \vec{v} سمتی \vec{v} سمتی رفت اور \vec{v} - (2.0 \hat{i} - 2.0 \hat{k}) سمتی رفت اور اکائی سمتیه ترقیم \vec{v} - (5.0 \hat{i} + 5.0 \hat{k}) سمتیه ترقیم مسین (۱)جم کازادی معیار حسر کت اور (ب)جم پر توت مسرور کی بے ؟

ووال ۱۹۰۸ نقط (x,y) ہے، جس کے محد و x (x,y) ہیں، کیت x (x,y) کازرہ نے جم متوی مسیں $x_y = 60 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x_y = 60 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ اور $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے اور $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کازاوی معیار $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے لیا ہے جسم کازاوی معیار $x_y = 30 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ کے لیا ہوگا؟

 $\vec{d} = (2.00 \, \mathrm{m}) \hat{i} + (4.00 \, \mathrm{m}) \hat{j} - \mathrm{sec} \hat{j} = -(6.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{j} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{k} + (3.00 \, \mathrm{m \, s^{-1}}) \hat{i} +$

سوال ۱۳۰۱: ایک گیند جس کی کیت s^{-1} و ما 0.400 kg استدائی رفت ارے سیدها اوپر وار پھیکا حسات ہے (1.70 kg میں اوقع نقطہ s^{-1} کے لحاظ ہے ، جب گیند (۱) بلند ترین مساسلے پر واقع نقطہ s^{-1} کے لحاظ ہے ، جب گیند (۱) بلند ترین مسلم کی پر ہواور جب (ب) وادر جب (ب) والس گرتے ہوئے نصف بلندی پر ہو، گیند کا زادی معیار حسر کت کیا ہوگا؟ گیند پر تحب ذبی

توت کی قوت مسروڑ P کے لحیاظ ہے اسس وقت کے ابو گی جب گیند (ج) بلند ترین نقطی پر ہواور جب گیند (د) والپس گرتے ہوئے نصف بلندی پر ہو؟

نیوٹن کامت انون دوم، زاوی روپ

سوال ۵.۳۲: مبدا کے لیے ظربے پر دو قوت عمل کرتی ہیں: $\vec{\tau}_1$ کی تسدر $d\vec{\ell}/dt$ اور اسس کارخ محور $\vec{\tau}_2$ کی تسدر $d\vec{\ell}/dt$ تلاسش کریں، مثنی رخ ہے، اور $\vec{\tau}_2$ ہمسیں $d\vec{\ell}/dt$ تلاسش کریں، جہاں مبدا کے لیے ظربے ذرے کازاوی معیار حسر کت $\vec{\ell}$ ہے۔

موال ۱۵۳۵ وقت xy محددی نظام مسیں موال ۱۵۳۵ وقت xy محددی نظام مسیں جارا کے لیاظ ہے xy محددی نظام مسیں عوال ۱۵۳۵ ورے کامعتام دیت ہے (جہاں تم مسیر مسیں اور t سیکنڈ مسیں ہے)۔(۱) مبدا کے لیاظ ہے ذربے پر عمسل پسیر اقوت مسروڑ کاریاضی فقت رہ تلاش کریں۔ (ب) کسیا مبدا کے لیاظ ہے ذربے کا زاوی معیار حسر کت بڑھ رہا ہے ،گھٹ رہا ہے ،بات بیل جسیں ہورہا؟

استوارجهم كازاوي معيار حسركت

موال ۵.۳۲ تین گومتے مسترص کو دویے ملاتے ہیں (مشکل 43.11) دایک پیٹ مسترص A اور C کے چکا پر لیٹ ہے۔ دوسر ایٹ مسترص A کے وسطی نابھ اور مسترص B کے چکا پر لیٹ ہے۔ یے ہمواری سے بغیب پیسلے چکا اور نابھ پر حسر کست کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس R :اسس کے نابھ کارداسس 8 :اور مسترص کرتے ہیں۔ مسترص A کارداسس 0.2500R :اور مسترص کی کارداسس 2.000R ہے۔ مسترص B اور C کی کثافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا ورسس کی کارداسس کے نابع کی کشافت (کیست فی اکائی تحبم) اور مونائیاں برابر ہیں۔ مسترص کا وسترص کی کارداس کی مسیار حسر کست کی صدروں کی نبیت کیا ہے؟

 سوال ۵۳۸: ریگ مال کافت رس، جس کا گھیسری جود 10-3 kg m² ہے، برتی برما ہے جوڑا گیا ہے جس کی موڑ قت میں کے وسطی محور پر سال 16 N m موڑ قت میں کے وسطی محور پر سال 16 N m موڑ قت میں دفتار کی قوت میں دفتار کی تعدال ہوگی؟ کو جبائے، اسس محور پر فت میں (ا) کے زاوی معیار حسر کت اور (ب) زاوی سستی رفتار کی فت در کیا ہوگی؟

سوال 90 . وسطی محور پر اڑن پہیے کا گھیے ہی جمود 90

au سوال ۵۰،۴۰۰ ایک و تسرس، جس کا گلمیسری جمود $2.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ برائع وقت قوت مسروڑ $t=1.00\,\mathrm{s}$ برائس کازاوی معیار حسر کست $t=1.00\,\mathrm{s}$ برائس کازاوی معیار حسر کست $t=3.00\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ برائس کازاوی معیار حسر کست کی برائس کازاوی معیار حسر کست کیب بوگا؟

سوال R سوال R ورکس R اور کیت R سوال ورکس R اور کیت R اور کیت R اور کیت R بنایا گیا ہے۔ R اور کس R اور کمیت R اور کہیت R بنایا گیا ہے۔ R اور کستقل رفت ارکس کور پر استوار جم R وری عسر ص کی مشتقل رفت ارک گلومت ہے۔ وسر ض کریں R وری عسر ص کی مشتقل رفت ارک گلومت ہے۔ میسر ض کریں R اور R بازد کی معیار حسر کست تلاشش کریں۔ R وری جم کا (۱) گلیس کی جمور اور (ب) زادی معیار حسر کست تلاشش کریں۔

سوال ۵٬۴۲: ابت دائی ساکن ت رص پر ، شکل 46.11 میں پیش، قوت مسروڑ au ممسل کرتی ہے۔ ت رص وسطی انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ محور au کا پیسا نہ au اور au کا بیسا نہ کور پر گھوم سکتا ہے۔ وقت au اور au اور au اور au اور au کی اور au کا بیسا نہ کور پر و ت رسیر می کا زاوی معیار حسر ک سے بہوگا؟

زاوی معیار حسر کت کی بقسا

سوال ۳۳۰ ۵: دو پھملن باز ۱۰ جن کی کمیتیں 50 kg بین، متوازی راہوں پر، جن کے ﷺ 3.0 m فناصلہ ہے، ایک دوسرے کی طسر وز پھملن باز ۱۰ جن کی کمیتیں 50 kg بین، متوازی راہوں پر، جن کے قاش میں محتالف ستی رفت اور 1.4 m s میں برخت کر حسر سے پکڑ کر ، افٹائے ہوا ہے، اور دوسر اپھسان باز فت ریب گزرت کے دوسو کے گور کو سے باز بلا کیت لمب افزاء ایک سسر سے پکڑ کر ، افٹائے ہوا ہے، اور دوسر اپھسان باز فت ریب گزرت کے دوسو کے گرد گوستے بین۔ پھسلن مختوب ااور برف کے دوست ڈنڈ کے کادوسر اسر کیڑلیتا ہے۔ اسس کے بعد دونوں ڈنڈ کے وسط کے گرد گوستے بین۔ پھسلن فتوبی ااور برف کی تاریخ کر دوست کے دائرے کارداس، (ب) پھسان باز گرائی کی زادی رفت اردار (ج) دو پھسان باز ڈنڈ کے کو کھنچ کر فت ریب آتے ہیں، حتی کہ ان کے ﷺ مناس سال سال میں دست کے دائر کی تاریخ کر ان کی زادی رفت اور (ج) نظام کی حسر کی توانائی کہاں دوست کے ان کی توانائی کہاں کے آئی؟

سوال ۵٬۳۴۰ ایک چوبا، جس کی کمیت $0.17 \, \mathrm{kg}$ ہے، انتصابی محور پر نسب رداسس $15 \, \mathrm{cm}$ نصر ص کے چکا پر خوال سے میں ہے۔ وسیر کا گھیسری جود $10^{-3} \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ ورد حسر ابلار گڑے۔ زمسین

skaters"

ے۔ چوہے کی رفت اور $\omega_0=2.8\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کے لیے اظ سے چوہے کی رفت اور $\omega_0=2.0\,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-1}$ کو چکا پر کھسے نے کو پچھ ملت ہے لہنے اوہ رک کے کھستان شعر وح کر تاہے۔ (۱) چوہا کے رکنے کے بعید وقت مرص کی زاوی رفت ارکسیا ہوگی؟ () کہا پہونرا کے رکنے کے دوران میکائی توانائی کی بقت ہوگی؟

سوال ۵٬۴۵ ایک فیص بوترا پر کھٹرا ہے۔ جب بوترا (بلارگڑ) 1.2 حبکر فی منٹ کی زادی رفت ارسے گوم رہاہے۔ شخص کے باتھ باہر کو پھیلے ہوئے ہیں اور اسس کے دونوں ہاتھوں مسیں ایک ایک اینٹ ہے۔ وسطی انتھائی کور پر شخص، اینٹ میں، اور حب بوترا پر مشتل نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر نے سے نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر مشتل نظام کا گھیسری جمود گھٹ کر 2.0 kg m² ہوئی اور رہائی حسری توانائی اور پر انی حسر کی توانائی اور پر انی حسر کی توانائی اور پر انی حسر کی توانائی کہاں ہے آئی؟

سوال ۵.۴۷: انہدام پذیر حب کر دار ستارے کے گھمیے ری جمود کی قیمیہ ابت دائی قیمیہ کی $\frac{1}{3}$ ہے۔ نئی گھمیے ری حسر کی توانائی اور ابت دائی گھمیے ری حسر کی توانائی کی نبیہ کہا ہوگی؟

سوال ۵٬۳۸ ایک چوبارداسس R دائری متسرس کے مسر کز سے چکا کی طسرون چلتا ہے۔ متسرس انتصابی محور پر، بسیسرونی قوت مسروز کی عسد م موجود گی مسین، گھوم رہاہے۔ چوباو متسرس نظام کی زاد کار نشار شکل 49.11 مسین پیش ہے بسیسر ونی قوت مسیس بیش کی مسیس پیش کی مسیسری جمود کا کتنا حصہ چوہے کا ہو $\omega_a=5.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور $\omega_b=6.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اور $\omega_b=6.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$

سوال ۴۹،۳۵: دو مسترص کم رگزی انتصابی دهسرے پر یوں نصب کیے گئے ہیں کہ انہیں مسز دوئ کر کے ایک جم کی طسر ح گھسایا جب کے بہت کہ انہیں مسز دوئ کر کے ایک جم کی طسر ک گھسایا جب کے بہلے مستری گھسے دی جمود 83 میا دب کے دوسسراف گھسٹری 900 حبکر منٹ گوم رہا ہے۔ دوسسراف رض اور گھساری جمود 800 ہے، مناو کے گھسٹری 900 حبکر فی منٹ گھسٹری جمود 900 ہے، مناو کے گھسٹری 900 حبکر فی منٹ کے دوسسراف کر انہیں مسز دوئ کی احب تا ہے۔ (۱) ان کا ذاوی رفت اراب کسا ہوگا؟ اس کے بر تکسس اگر ابت دائی طور پر دوسسراف سرص گھسٹری وار 900 حبکر فی منٹ گھومت، تب انہیں ملانے کے بعد ان کی (ب) زاوی رفت اراور (ج) گھومنے کارخ کسا ہوئے؟

سوال ۵۱.۵: ت بابل نظر رانداز گھسیری جمود کے دھرے پر پہپ 800 حیکر فی منٹ زاوی رفت ارسے گھوم رہاہے۔ دوسر راکن پہپ ، جس کا گھسیری جمود دگن ہے، یکدم پہلے پہنے کے ساتھ مسزدوج کسیاحبا تاہے۔(۱) دو پہسیول اور دھسر سے کا ذاوی رفت ارکسیاموگا؟ (ب) ابت دائی گھسیسری حسر کی توانائی کا کتنا حسے ضائع ہوگا؟

موال ۵۵۰٪ ایک چھا اجواپنے وسطی نقط ہے گر دانتھا بی محور پر گھوم سکتا ہے شکل 51.11 مسین د کھیا گیا ہے۔ اسس $M=8.00\,\mathrm{kg}$ سے دونی رداس $R_1=R_2/2.00$ سے دونی رداس $R_2=0.800\,\mathrm{m}$ سے دونی رداس $R_3=0.800\,\mathrm{m}$ سے دونی کہ گئے۔ والی شیال کی کمیت و تبال نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بہ جب کہ دھسرے اور چھیا کو دھسرے کے ساتھ جھکڑنے والی شیالوں کی کمیت و تبالی نظیر انداز ہے۔ گھیر کے بسیرونی کن ارداس R_2 پر کمیت R_3 پر کمیت R_3 بر کمیت R_3 بر کمیت والی گھیر انظام کی جسیر کوئی کوئی کوئی کردار کی دونی رداس R_3 کو گھیر انظام کی حسیر کی آوانائی مسین کشناہ انسان ہوگا؟

 $4.7\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ وال $0.10\,\mathrm{m}$ وال $0.10\,\mathrm{m}$ وال $0.10\,\mathrm{m}$ وال $0.00\,\mathrm{kg}$ وال $0.020\,\mathrm{kg}$ وال $0.020\,\mathrm{kg}$ وال $0.020\,\mathrm{kg}$ والحرور واست مرائ ہے۔ محور مرائی ہے۔ محور گھساویر مصالی کا گھمیسری جمود $0.020\,\mathrm{kg}$ والس میں میں بالدی اوپر سے گر کر مصالی کے کسنار سے جیکسے حباتی ہے۔ اسس کے فوراً بعب مصالی کی زاد کی رفت ارکسیا ہوگی ؟

سوال ۵۵۱: کمی چیسلانگ مسین زمسین سے انھیلتے وقت کھسلائری کوزادی معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آائ معیار حسر کسی منتقبل ہوتا ہے جو کھسلائری کو آگے کی طسرون کھسلائری ہزاد صدید ہے کر کے کا طسرون کھسا کر مطب کر اور معیار حسر کسی بازو کو کا گا 18.1 کی طسرز پر گھسا کر سے زاوی معیار حسر کسی بازو کو کہ کا کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو منتقب کرنے کی کو شش کر تا ہے۔ ایک بازو کو کو کا کہ کیسے کی سائے تصور کریں، جو ایک سے سرے گرد گھومتی ہے۔ کھسلائری کی حوالہ چو کھ میں، کندھوں سے گزرتی مشتر کسے محور پر بازوں کا کل زاوی معیار حسرک سے میں۔ کسی سے ؟

سوال ۵۵.۵: یکساں فتسر می، جس کی کمیت 10m اور رداسس 3.0r ہے انتصابی محور کے گرد گھوم سکتا ہے۔ دوسر انجھوٹا فتسر می، جس کی کمیت m اور رداسس ۲ ہے، بڑے فتسر می پر ہم مسر کز رکھا گیا ہے۔ ابت دائی طور پر دونوں فتسر می پر ایک ستر می پر ایک ستر می پر ایک ستر می پر نے فتسر می برنے فتسر می پر ایک ستر می پر ساتا ہے۔ اس بی بیساتا ہے۔ آسنس کی بین چھوٹے فتسر می کا بین چھوٹا فتسر می باتا ہے۔ اس کی بین چھوٹے فتسر می کا بین رونی کی کن اور کا بین میں بین میں ہوئے فتسر می کا بین میں کی بین اور کا بین میں رفت اور کی کھوٹے ہیں۔ (ا) بڑے فتسر می کے محور پر اب ان کی زادی سستی رفت ارکست کی رفت اور کی کہ بین کی دونوں فتسر می کور پر اب ان کی زادی سستی رفت ارکست کی کہ بین ہوگی؟

سوال ۵۵۸٪ دائری مسترص کی سشکل کا حب بوترا و سطی انتصابی محور پر بلار گڑ گھومت ہے۔ حب بوترے کی کمیت مقال ۵۵ kg رداسس m 2.0 سالر عور گھساوے گرد گھمسے میں جمود 300 kg m² ہے۔ ایک طیال عسلم جس کی کمیت کا کمیت ہے جب بوترے کے چکاہے دھسرے کی حبانب آہتہ چلتا ہے۔ جس وقت طبالب عسلم چکا پر ہمتا، اگر اسس وقت نظام کی زاوی رفتار 1.5 rad s⁻¹ ہو، تب اسس وقت زادی رفتار کسیا ہو گی جب طبالب عسلم وسط سے 0.50 m ناصلے پر ہو؟

سوال ۵.۵۹: ایک سیان ترجیس کی کمیت M اور دواسس m 0.800 ہے ، وسطی انتصابی محور پر M 20.00 تراوی رفت ارسے گھوم رہا ہے۔ ایک زرہ ، جسس کی کمیت M کی کمیت M ہے ، اور جو سیان نے کایک سرسے چپکا ہوا ہے ، علیحہ وہ ہوکر اسس کمی سیان کی وعد و دار راہ پر روانا ہوتا ہے۔ حضارج ہونے کے فوراً بعد ، ذرے کی رفت ارسے v_p سیان کو عصود و ارزاہ پر روانا ہوتا ہے۔ حضارج ہونے کے فوراً بعد ، ذرے کی رفت ارسے v_p سیان کریں۔

سوال ۱۹۰۰ نیک فیسر یک ان ساخ، جس کی کیست $0.50 \, \mathrm{kg}$ اور لمب کی $0.50 \, \mathrm{kg}$ ایک سرے اٹکایا گیا ہے۔ اس کے دو سرے سرکے ساخ $0.50 \, \mathrm{kg}$ س باند ھی گئی ہے (شکل $0.50 \, \mathrm{kg}$ گی ہے (سکل $0.50 \, \mathrm{kg}$ گی ہے اس کے دو سرے ساخ ور $0.50 \, \mathrm{kg}$ گئی ہے۔ سل و ساخ وگول نظام محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ سے محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ سے $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا گھسے ری جمود کسے $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا محمیل میں سل کے سر پر واقع ہے۔ (۱) محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا گھسے ری جو مسین سل کے سر پر واقع ہے۔ (۱) محور $0.060 \, \mathrm{kg}$ بر نظام کا رفت ارکسیا ہوگی؟

موال ۲۱۱۱: کیساں سلاخ (کمیت 1.0 kg مسین 2.4 kg سنگل 54.11 کے مستوی مسین 0.20 kg سنگ 54.11 کے مستوی مسین 0.20 kg کسیدی محبود کے ساتھ ، ایک سسرے گزرتی محور پر گھومت ہے۔ نشیبی نقطہ سے گزرتی موور پر گھومت ہے۔ کراتی ہوئے سلاخ کی زاد کی رفت الاحسین تصادم سے مکراتی ہے ، جو سلاخ کی زاد کی رفت الاحسین تصادم سے محبوب کے بعد کہا ہوگی ؟

سوال ۱۳۰۱: نیانش گاہ مسیں بازیگر t=1.87 مسیں حیار و تسلبازیاں کھ کرے تی ہے۔ ابت دائی اور آخری کو پنجت ہے۔ ابت دائی اور آخت کی وصل بازی وصل کو آخت کی وصل کو آخت کی مسیر کو گھیسری جو گھیسری جو کہ اور اسس کے مسیر کو کہ کی نیس کو نقط ہے کے طابر کیا گیا ہے۔ پرواز کے باتی حصل مسیں وہ جم کو زمسین پر سیسے کے صور سے مسیں وہ جم کو زمسین پر سیسے کی صور سے مسیں رکھت ہے؛ اسس دوران اسس کا گھیسری جود $I_1=3.93$ kg m² ہے۔ بیٹے حسال مسیل کی زادی رفت اور کی کے بیٹے حسال سے مسیل کی زادی رفت اور کی کے بور گھیسری جود گھیسری جود گھیسری جود گھیسری کی زادی رفت اور کی کے بیٹے حسال سے مسیل کی زادی رفت اور کی کے بوگی ؟

سوال ۱۵.۳۳ انتصابی محور پر گھونے کے وتابل ساکن جھولا، جس کارداسس سے 2.0 ہے، کے چکاپر 30 kg کیسے کا بجپ کا سے سال کا دوست کا کیسے کا گیسنداسس کی کھسٹرا ہے۔ محور گھساو پر جھولے کا گھسپری جمود 150 kg m² ہے۔ اسس کا دوست کا دوست کا گیسنداسس کی مسرون پھیسنکتا ہے۔ مسین گیسند پکڑنے سے قب لگیسند کی سستی رفتار تن افقی ہے اور اسس کی وتدر 12 m s m s میں گیسند کی سال گلسپر کے ساتھ اسس کا ذاوی ہوئے ہے، اور جھولے کو ممسائی گلسپر کے ساتھ اسس کا ذاوی ہوئے گا ہے گا ہوئے گا ہے گا ہوئے گا ہوئ

سوال ۱۹۳۳ ایک بازیگر، جس کی زاوی رفت از w_i کی گھیسری جمود دو حصوں پر مشتل ہے: جم کے لحاظ ہے ایک نائگ $\theta=90^\circ$ نائگ $\theta=90^\circ$ زاوی بر کھ کر، ٹانگ کا گھیسری جمود $H_1=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ بائگ $H_2=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ بائگ $H_3=1.44\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2$ با

سوال 18. 18: ایک پستی ساخ، جس کی کمیت و تابل نظر انداز ہے اور جس کی لمب کی سے 50 cm ہے، کے دونوں سر پر 2.0 kg پر 2.0 kg کمیت کا گئیند باندھ آگیا۔ ساخ کی گئیت کے باز خوار شطی نقط پر واقع افقی محور کے گرد گھوم سکتی ہے۔ افتی ساخ کے سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 و کمیت کی لبدی -3.00 سر پر بہندھ گئیند پر 50.0 کمیت کی لبدی -3.00 ساخ کی افتار کے گئیند کے چیک حباتی ہے (شکل میں اس کھے کے بعد جب لبدی گئیند پر گرتی ہے، نظام کی زاوی رفتار کسیا ہو گی؟ (ب) تصاوم کے بعد نظام کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی خسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی حسر کی توانائی کی نبیت کسیا ہو گی؟ (ج) نظام کت زاوی گھوم کر الحیاتی کی گھوں کی دیات کی دو کرد کرد کی دیات کی دیات کی دیات کی دیات ک

سوال ۹۰ نظر کر سطی پہلے کی ہے۔ کی باندی ہے $00 \, \mathrm{g}$ کی باندی ہے $00 \, \mathrm{g}$ کی بہت کی بہت کی بہت کی بہت کی بان کے کہ بان کی المبائی $00 \, \mathrm{g}$ کے بات کے کہ بان کی المبائی کے کہ بان کی المبائی کر اور نقط ہے۔ $00 \, \mathrm{g}$ کا کہ بان کریں۔

سوال 0.40: پتلی یک سال نہ جس کی گیت M اور لمب ائی 0.600 ہے ، وسطی نقطہ O پر واقع انتصابی محور کے گرد O بھر ہنگ و O ہور نقط ہنگ ہور کے علاقہ نقط ہنگ و بیش O بر واقع انتصابی حب ائزہ پیش O بیش O بھر کہ مسل کے اور مورف اور بیس اس کا فصن ائی حب ائزہ پیش O بھر کہ اور جو O بھر کو اور میں اس کا فصن ائی میں ہے ، مسیل ہے ۔ ایک نسب کے گرا کر اس کے ساتھ چیک حب اتا ہے ۔ تصادم کے لیجے پر ذرے کی راہ اور سال آب ہونے کی صورت مسیل تصادم کے معت محام کا فت صلہ سال نے اور ذرہ سائن ہونے کی صورت مسیل کے معت محام کا فت صلہ سال نے وسط ہے گر ہوں تصادم کے بعد سال نے اور ذرہ سائن ہونے کی صورت مسیل کے سابہ کا بھر کی کا دی کر اور فرد سائن اور ذرہ کی زاوی رفت ارکار ن کسے ہوگا ؟

مكن حير في كي استقبالي حسركت

موال ۱۹۰۸: کیساں مسترص، جس کارداسس 50 cm ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھسرانیب کرکے مسکن حپر خی بنائی گئے ہے۔ دھسرے کی لمب بکی 11 cm ہے۔ دھسراافتی ہے اور اسس کا ایک سسر ٹیک پر ہے۔ اگر حپکر کی مشرح 1000 حپکر فی منٹ ہو، استقبالی حسر کرے کی مشرح کمیا ہوگی؟

اصٰافی سوال

سوال ۵.۷۰: یکساں ٹھوسس گیند سطح پر ہموار لڑھکے کر °15 زاویے کے میلان پر حپڑھت ہے۔میلان پر m 1.50 m لڑھکنے کے بعد گیند لمحساقی رکتاہے۔ گیند کی ابت دائی رفت ارکسیاہے؟

موال اے۔3: کیک معتقل افتی قوت ہیلن کے گرد ڈور لپیٹ کر $12\,\mathrm{N}$ کی معتقل افتی قوت ہو \vec{F}_{p_0} کے کھینجی حباتی ہے (60.11 کے سلطے پر ہموار لڑھکتا ہے۔(۱) ہیلن کے (60.11 کی کمیٹ کا 10.0 kg میلن کے کمیٹ کا 10.0 kg میلن کے معتوب کا معتوب کی کمیٹ کا کمیٹ کا کمیٹ کا 10.0 kg میلن کا کمیٹ کو کو کو کمیٹ کا کمیٹ کی کمیٹ کا کمیٹ کا

مسر کز کیے ہے؟ ذاوی اسسراع کی ت در کیا ہے؟ (ب) مسر کز کیے ہے؟ (ب) کا کائی سمتیہ تر قیم مسین، بسیان پرر گڑی تو۔ کیا ہے؟ (ج) اکائی سمتیہ ترقیم مسین، بسیان پرر گڑی تو۔ کیا ہے؟

سوال 27. ۵: باریک حپاور سے بن یا گیا پائپ فنسرسٹس پر لڑھکتا ہے۔ لمب اُئی کے ہمسراہ وسطی محور پر اسس کی مستقیم حسر کی توانائی اور گھمیسری حسر کی توانائی کی نمیت تلاسٹس کریں۔

 $\vec{v} = -2.0t^3$ î m s $^{-1}$ کی کھنے وناگاڑی سنی رفت اور $\vec{v} = -2.0t^3$ نازادی معیار سرکت $\vec{L} = 0$ کے لئے (ا) گاڑی کا زادی معیار سرکت کے لئے (ا) گاڑی کا زادی معیار سرکت کے لئے (ا) گاڑی پر قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ج) گاڑی پر قوت مسروڑ $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔ نقطہ (2.0 m, 5.0 m, 0) پر (ج) کے لئے (ور (و) $\vec{\tau}$ تلاشش کریں۔

سوال 4 2. وسطی محور پر ایک پہیا زاوی معیار حسر کت 2 600 kg m² کے ساتھ گھٹڑی وار گھومت ہے۔ وقت 2 پہیپے کارخ الٹ کرنے کی عضر ض سے پہیے پر 2 50.0 N m متدر کی قوت مسروڑ لا گو کی حباتی ہے۔ کس کھے 2 کے زاوی رفتار صف ہو گی ؟

سوال 2.40 نقسیل کے میدان مسین ایک چھوٹا جھولا ہے جو انتصابی محور پر گھومت ہے۔ جھولے کار داسس m 1.20 m اور کیسے کی دیسے میں ایک چھوٹا جھولا ہے جو انتصابی محور پر گھومت ہے۔ جھولے کار داسس 180 kg ہے۔ ایک بجب جس کی گلیت 180 kg ہے۔ ایک بجب جس کی کہت کی گلیت 44.0 kg ہے۔ ایک جو لیانگ کی گئیت کی گئیت کی گئیت کی گئیت کی دور از راہ پر جھالنگ میں محمد کی دور کر جھولے پر چھالنگ لگاکر حپڑھت ہے۔ جھولے کا گھیسری جود کیا ہے ، اور رہی جھولے کا گھیسری جود کیا ہے، اور رہی جھولے کا گھیسری جود کیا ہے۔ دور ہے کے زادی معیار حسر کسے کی متدر کیا ہے، اور رہی جھولے پر حپڑھنے کے بعد جھولے اور بح کی زادی رہیا ہے، اور رہی جھولے پر حپڑھنے کے بعد جھولے اور بح کی زادی رہیا ہے، اور رہی جھولے پر حپڑھنے کے بعد جھولے اور بح کی زادی رہیا ہے۔

موال 20 cm منگ فارا الی کیساں سل کی شکل کتاب کی طسرہ ہے۔ سل کی لمب نکی 20 cm ، چوڑائی 15 cm ، کا منگ میں 20 cm اور موٹائی 20 cm کی وسط سے ایک اور موٹائی 1.2 cm کی وسط سے ایک وسط سے ایک وسط سے ایک نوادی معیار کونے تک نصف وضاحلے پر واقع سل کے رخ کو عصودی محور کے گرد سل گھوم سکتی ہے۔ اسس محور پر سل کا زاوی معیار حسر کی توانائی کیسا ہوگی؟

سوال ۵.۷۸: ایک پہیا، جس کارداسس $m 0.250 \, m$ اور ابت دائی رفت ار $43.0 \, m \, s^{-1}$ بنا وی است ان کا گھمیسری جود کرنے کے رکتا ہے۔ () اسس کے خطی است راخ اور (ب) زاوی است راخ کی متدر کیا ہے؟ وسطی محور پر اسس کا گھمیسری جود $20.155 \, kg \, m^2$ ور گز کی بدولت قوت مسروڑ تلاسش کریں۔

سوال 2.49: پہیا A اور B کو ایک پٹ ملاتا ہے، جو پھلت انہسیں ہے۔ B کار داسس A کے رداسس کا تین گٹ ہے۔(۱) اگر دونوں پہسیوں کا اپنے اپنے وسطی محور پر زاوی معیار حسر کرت ایک پتنا ہو اور (ب) اگر ان کی تھمیسری حسر کی توانائی ایک

granite"

جتنی ہو، تب گھیے ری جمود کی نسبت I_A/I_B کی ہو

سوال ۱۵۰۰ ایک زرہ، جس کی کیت 2.50 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار $(-3.00\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے، کا کمس کی غیب رفت ار غیب رفت کی کیت 4.00 kg اور فضر سش پر افقی سمتی رفت ار غیب رفت ایک کے تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد $(-0.500\,\mathrm{m\,s^{-1}})$ ہے۔ تصادم کے معت م کامحدد رکت تا سش کریں۔

سوال ۸۱۱.۵: ایک پہیا، جس کی کمیت 10.0 kg اور ردانس 0.400 m ہے، کے وسط پر بلا کمیت دھے رااستوار (جسکڑ کر) نسب ہے (مشکل 62.11) و حسرے کا ردانس 0.200 m اور دھے رہے پر پہیے و دھے رہا گلگیہ کی جود (مصرے پر پہیے و دھے رہا گلگیہ کی مسلمان کے ساتھ 30.00 ھے۔ فتی کے ساتھ 30.00 ھے مسلمان کے مسلمان کے مسلمان کی سطم مسلمان کے بھی بہیا سطم مسلمان کی جسم مسلمان کی سطم مسلمان کی جسم مسلمان کی بھی اور مسلمان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے بھیلے ، میلان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے بھیلہ ، میلان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے بھیلہ ، میلان پر ہموار لڑھا کے کر افز تا ہے۔ سطم پر 200 سے گلے کہ بھیلہ و دھے رہے کے نظام کی (۱) گھیسری حسر کی توانائی اور (میل) مسلم کی گلے ہوں کہ بھیلے کے بعد ، پہیا و دھے رہے کے نظام کی (۱)

سوال ۵.۸۲: ایک سسر پرانتصابی محور کے گردیک اسلاخ افقی مستوی مسیں گھومت ہے۔ سلاخ کی لمب کی سان میں اور اسس کی اور اسس کی زادی رفتار 240 چپکر فی منٹ ہے۔ (ا) محور گھب و پر اسس کا گھسیسری جمود اور (ب) اسس محور پر زادی معبار حسر کرنے کی متدر کساہو گی؟

موال ۵.۸۳: گوسس کرہ، جس کاوزن 36.0 N ہے، °30.0 میلان پر لڑھک کر حپٹر ھت ہے۔ میلان پر روانا ہونے ہے قب ل کرہ کے مسر کن کیسے کی مستقم رفت اوسان کی مستقم رفت اوسان کی مستقم رفت اوسان کی مستقم رفت اوسان کی کست پر مخصص ہے؟ میلان پر حپٹر ھتے ہوئے کرہ کتنا وضاصلہ طے کرتا ہے؟ (ج) کسیاحب زوب کاجواب کرہ کی کمیس پر مخصص ہے؟ مسال کا کہ مسل ڈوری دار لئوریا کرنے کے بحب نے ڈوریر نیچورخ 1.3 m s⁻¹ دفت رسے کھیکا حب تا

عوان ۱۸٫۱۱۰ مند مستور ک مرین عوان ۱۶٫۱۱۵ مستدن و دری وارد و دری خود بازی کا ۱۰٫۵۱۱۱ میلی و مستورج پینه و ب نا ہے۔ (ا) ڈور کے اختتام تک لئو کتنے دیر مسیس کبنچ گا؟ (ب) ڈور کے اختتام پر پہنچتے وقت اسس کی (ب) کل حسر کی توانائی، (ج) خطی رفت ار، (د) مستقیم حسر کی توانائی، (ہ) زاوی رفت ار، اور (و) گلمسیسری حسر کی توانائی کسیا ہیں؟

سوال ۵۸۵: ساکن جھولے پر، جس کارداسس R اور گھسیری جمود I ہے، کے چکاپر کمیت M کی لڑکی گھسٹری ہے۔ جھولا انتصابی محور پر گھوم سکتا ہے۔ جھولے کے چکا کو ممسای رخ، لڑکی کمیت m کا پتقسر افقی کچیسٹ تھی ہے۔ زمسین کے لحساظ سے پتقسر کی دفتار m کی دفتار m کی دفتار m کی دفتار کسیایں ؟

سوال ۱۵.۸۱: افقی سطح پر رداسس R اور کیت m کاجم v رفتارے ہموار لڑھک رہاہے۔ اسس کے بعد جم میلان پر m بلندی تک حیث رہا پتا ہے۔ (۱) اگر $m=3v^2/4g$ ہو، جم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور پر جم کا گھمیسری جمود کیا ہے؟ $m=3v^2/4g$ بیابو سکتی ہے؟

باب ٢

توازن اور لچ___

ا.٢ توازن

.

م**قاصد** اسس حصبہ کو پڑھ کر آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. توازن اور سکونی توازن مسیں منسرق کریائیں گے۔

۲. کونی توازن کے حیار شیر الطاحبان یا ئیں گے۔

٣. مسر کز ثقل اور اسس کامسر کز کمیت ہے تعساق سنجھایا ئیں گے۔

۴. ذروں کی دی گئی تقسیم کے لئے مسر کز ثقل اور مسر کز کمیت کے محدد کاحساب کریائیں گے۔

كليدي تصور

• استوارجهم جب ساکن ہو، وہ سکونی توازن مسیں ہو گا۔ ایسے جہم کے لئے، جہم پر بیسہ رونی قو توں کامحب موعب صف رہو گا۔

$$ec{F}_{\dot{b}}$$
ن $=0$ (قوتوں کا توازن)

اگرتمام قوت مع مستوی مسین ہوں، ب مساوات ذیل دوحبز دی مساوات کی معادل ہوگا.

$$F_{i,j}=0$$
 اور $F_{i,j}=0$ اور $F_{i,j}=0$

کونی توازن سے مسراد ہے بھی ہے کہ کی بھی نقطے کے لیاظ سے جہم پر بیسرونی قوت مسروڑ کامحب وعب صف رہو

:6

$$\vec{ au}_{i,j} = 0$$
 (قوت مسرورٌ کا توازن)

اوراگر نمسام قوس xy مستوی مسین ہوں تب نمسام قوس مسروڑ سمتیا سے محور z کو متوازی ہوں گے،اور قوس مسروڑ کے توازن کی مساوات ذیل یک حسن دی مساوات کی معسادل ہو گی۔

$$au_{z}=0$$
 (قوت مسرور گاتوازن) زور تا

• تحباذبی توت جم کے ہر ذربے پر انفسرادی عمسل کرتی ہے۔ تسام انفسرادی اعمسال کا صافی اثر حبائے کے لئے مسر کز کمیت پر معسادل تحباذبی توت \vec{F}_g مسر ض کرنی ہوگا۔ اگر جم کے تمسام کلڑوں پر ثقلی اسسراع تھ ایک ہو، ثقلی مسر کر جم کے مسر کز کمیت پر ہوگا۔

الا طبعیات کیاہے؟

انسانی بن ائی چینزیں، لا گو تو توں سے قطع نظر، مستحکم تصور کی حب تی ہیں۔ تحب ذبی قوس اور ہوائی قو توں کے باوجو دہم توقع کرتے ہیں کہ عمسارے کھسٹری رہے گی، اور ئیل سمن در مسین گرے گانہیں۔

طبیعیات کے مسر کز توجب وہ حقیقت ہے جو عمسل پسیرا قو تول کے باوجود جم کو مستخکم رکھتاہے۔اسس باب مسیل استخام کے دو نقط۔ نظسر پر غور کسیا جبائے گا: استخام کے دو نقطہ نظسر پر غور کسیا جبائے گا: استوار جم پر عمسل پسیرا قوت اور قوت مسروڑ کا توازن اور نااستوار اجسام کی لیک، جسس پر انجیسئری اور طبیعیات درست کی حبائے،اسس پر انجیسئری اور طبیعیات درست کی حبائے،اسس پر انجیسئری اور طبیعیات کے حب پیول مسیں لا تعداد مضامسین کھے حبائیں گے؛اگر عناط کی حبائے،اخبار کا سرنام ہے گا اور و تانونی کارروائی ہوگی۔

توازن

ذیل اجسام پر غور کریں: (1) میسنز پر پڑی ساکن کتاب، (2) بلار گڑسطچ پر مستقل سستی رفت ارسے حسر کرسے پذیر و تسرص، (3) چیست کے چنکھے کے حب کر کھساتے یّر، اور (4) سید ھی راہ پر جستے سائیکل کا پہیپا۔ ان حسار اجسام کے لئے

ا. مسرکز کمیت کا خطی معیار حسرکت \vec{P} ایک متقل ہے۔

روسرے نقطہ کے لیے اظ سے ان کازاوی معیار حسر کرتے گے جھی ایک مستقل ہے۔ L

ہم کہتے ہیں ہے جسم **توازان** امسیں ہیں۔ یوں توازن کے دو شسر الط ذیل ہیں۔

$$ec{L}=$$
 اور متقل $ec{P}=$ اور اور ال

اس باب مسیں ہم صرف ان صور تول پر غور کرتے ہیں جب ال مساوات ۱۰۱ مسیں مستقل کی قیب صف بود؛ لیمنی ہم ان اجسام مسیں دلچیوں کھتا ہیں جو حوالہ چو کھٹ کے لیساظ سے ساکن ہول؛ خطی سکون اور گھمیسری سکون مسین ہم دلچیوں کھتا ہیں۔

equilibrium'

۱۸۱. توازن

ایے اجب مر سکونی توازیج سسیں ہوں گے۔ باب کے آغناز مسیں حیار اجب مسیں صرف مسیز پر پڑی کتاب سکونی توازن مسیں ہے۔ توازن مسیں ہے۔

سشکل 1.12 مسیں دکھائی گئی چیان، فی الحال، سکونی توازن مسیں ہے۔مساحبد، کِل، گلسر، وغیسرہ بھی سکونی توازن مسین ہیں؛ ہے وقت گزرنے کے باوجو دساتھ ساکن رہتے ہیں۔

جیب ہم حصہ 3.8 مسیں ذکر کر چپے ، اگر سکونی توازن سے قوت کے بل بوتے پر نکالے حبانے کے بعیہ جمم واپس سکونی توازن کو لوٹے، ہم کہتے ہیں ہے۔ جم مستحکم سکونی توازن مسیں ہے۔ نصف کرہ کے تل مسیں رکھیا گیاسس کی ایک مثال ہے۔ اسس کے برعکس، اگر چھوٹی قوت جم کوبلاکر توازن حستم کریائے، جم غیبر مستحکم سکونی توازن مسیں ہوگا۔

ز نجری اثر۔ سند خ کری ہم ایک اینٹ یوں گھٹری کریں کہ اسس کامسر کز کیت عسین ایک کسنارے کے اوپر ہو (نجری کو خیری کی آئر تا ہے البندا اسس کسنارے پر \vec{F}_g کی قوت مسروڑ مسنسر ہو گی۔ اینٹ توازن مسیں ہے۔ معمولی اضطہراب اسس توازن کو برباد کر دیگا۔ جیسے ہی \vec{F}_g کا خط عمسل کسنارے سے ایک طسرون ہو (شکل 2b.12)، \vec{F}_g کی پیدا کردہ قوت مسروڑ اینٹ کو اسس طسرون گھسائے گی۔ یوں مشکل 2a.12 میں بینٹ غیسر مستحکم توازن مسیں ہے۔

سٹ کل 2c.12 مسیں اینٹ اتنی غنیبر مستخکم نہیں۔ اینٹ گرانے کے لئے ضروری ہے کہ قوت اینٹ اتنی گھسائے کہ اینٹ کامسر کز کمیت کسنارے کوپار کر حبائے۔ معمولی قوت اسس اینٹ کو نہیں گراستی، تاہم انگل ہے جھٹکا دے کراسے گرایا حباسکتا ہے۔ (ایسنٹوں کو قطبار مسیں کھٹڑا کر کے، پہلی اینٹ کو جھٹکا دے کر گرانے سے تمسام اینٹیں گرائی حباسکتی ہیں۔)

سل ۔ شکل 2d.12 میں و کھایا گیا سل مسزید زیادہ مستکام ہے۔ مسرکز کیت کو سل کے کہنارے کی دوسری طسرف لی سب کاپان نہیں پائے سال دوسری طسرف لی حب نے کے کئے مسرکز کیت کو کافی زیادہ دور لے حبانا ہوگا۔ انگلی کاجھٹکا سل کاپان نہیں پائے سازدور سل (ای لئے سل قطار مسیں کھرز نجیبری اثر پیدا نہیں کیا جب سالاً۔) مشکل 3.12 مسیں شہتیر پر بیٹھا مسزدور سل کی مانٹ جبکہ اسس پر کھسٹر امسزدور اینٹ کی مانٹ جبکہ اسس پر کھسٹر امسزدور اینٹ کی مانٹ ہوگا (جس کو ہواکا چھٹکا نیچ لاسکتا ہے)۔

سکونی توازن اطلاقی انجینسٹری کے لئے بہت ضروری ہے۔ تحنیق کارتمہم ہیسرونی قوت اور قوت مسروڑ کی نشاندہی کر کے، بہستر تراکیب اور مواد استعال کر کے، یقینی بسناتا ہے کہ ان کی موجود گل کے باوجود عمسارت یامشین مستحکم رہے۔ یوں پُلی کا نقشہ تسیار کرتے وقت تحنیق کار تفصیلی تحبیز ہے کر کے یقینی بسناتا ہے کہ پُل پر آمدور فیت اور ہوائی قوتوں کو پُل سے کے۔

توازن کے سشرائط

جہم کی مستقیم حسر کہ ، خطی معیار حسر کہ ہے روپ مسیں نیوٹن کے و انون دوم کو، جو (ذیل) مساوات 27.9 دیتی ہے، مطمئن کرتی ہے۔

$$ec{F}_{\dot{f j}} = rac{{
m d}ec{P}}{{
m d}t}$$

staticequilibrium^r

اگر جسم مت قیم توازن میں ہو؛ یعنی اگر
$$\vec{P}$$
 ایک مت قل ہو، تب $d\vec{P}/dt=0$ ہوگالہہذالاز مآدر بن ہوگا۔ $\vec{F}_{ij}=0$ متوازن توب فرمین کر متحقال ہو، تب خوازن توب کے متحقال ہو، تب کا متحالیا ہوگا۔ مت

جہم کی گھیے ری حسر کے ، زاوی معیار حسر کے روپ مسین نیوٹن کے متانون دوم کو، جو (ذیل) مساوا۔۔۔ ۵.۲۹ دیتی ے، مطمئن کرتی ہے۔

$$ec{ au}_{\dot{f j}}=rac{{
m d}ec{L}}{{
m d}t}$$

اگر جم گھمیے ری توازن میں ہو؛ یعنی اگر \vec{L} ایک متقل ہو، تب $d\vec{L}/dt=0$ ہو گالہہذالاز مأ درج ذیل ہو گا۔

$$\vec{\tau}_{i} = 0$$
 (۱.۵) (7.5)

یوں جسم کا توازن مسیں ہونے کے لئے ذیل دو شسر الطامیں۔

ا. جسم پرتمام سیسرونی قو تول کاسستی محب وعب صف رمونالازم ہے۔

r. ہر مکن نقط کے لحاظے، جسم پر بسیرونی قوت مسروڑ کا سستی محبسوعہ صف رہونالازم ہے۔

 \vec{L} اور \vec{P} المواجع ال

مساوات ۱۰۳ اور مساوات ۲۰۵ ، بطور سنتی مساوات ، در حقیقت (زیل) تین تین حبزوی مساوات کی معادل بین-

$$au_{ij}$$
 مثوازن قوت مرور مثوازن قوت F_{ij} مثوازن قوت T_{ij} مثوازن قوت T_{ij}

اصل مماواہے۔ ہم صرف ان صور توں پر غور کرتے ہیں جس مسیں جمم پر لا گو قوت xy مستوی مسیں پائے حباتے ہیں۔ یوں مسئلہ کم پیچیدہ ہوگا۔اسس طسرح جمم پر عمسل پیسراقوت صرف محور سے کی متوازی محور کے گر د جم گھما سکتے ہیں۔اسس مفسر وضے کے ساتھ مساوات ۲۰۲۹مسیں سے قوت کی ایک مساوات اور قوت مسروڑ کی دومساوات سے چیماراحساس ہوگا۔ پول ذیل ہاتی ہیں۔

$$F_{i,x} = 0$$

$$F_{\dot{\mathfrak{y}}_{-\mathcal{Y}}}=0$$

$$au_{\dot{f U}_{z}}=0$$
 (۲.۹)

١.٢. توازن

یہاں، _{جریبان}ی وہ صافی قوت مسروڑ ہے جو محور کے بااسس کے متوازی کسی محور پر بسیرونی قوت پیدا کرتی ہیں۔

جی ہوئی برف پر مستقل سستی رفت ارسے حسر کی کر تا فت رص مساوات ۲۰۸۰ مساوات ۸۰۸ اور مساوات ۱۹۰۸ مور مساوات ۱۹۰۸ مطمئن کرتا ہے ، البلند اب تو ازن مسین ہو گا، تاہم سے سکونی توازن مسین ہر گزنہ میں۔ سکونی توازن کے لئے فت رص کا خطی معیار حسر کرتے گی آل ایک مستقل ہونے کے ساتھ ساتھ صف رہونالازم ہے؛ فت رص کا جی ہوئی برف پر ساکن ہونالازم ہے۔ یوں ، سکونی توازن کے لئے درج ذیل مشرط بھی لازم ہے۔

جسم کے خطی معیار حسر کت \vec{P} کاصف رہونالازم ہے۔

آزمائشس

یک ال سلاخ، جس پر سلاخ کو عصود دار دویا دو سے زیادہ قویہ عمسل کرتی ہیں، کے چھے فصن کی نظبارے شکل ؟؟ مسیں پیشٹ ہیں۔ قوتوں کی صندریں (غیب صف رر کھ کر اور) تب یل کر کے کون کو نسی سلاخ سکوئی توازن مسیں لائی حب سکتی ہیں؟

مبركز ثقل

جہم پر تحباذ بی قویں، جہم کے انفٹ رادی ککڑوں(جوہر) پر تحباذ بی قو توں کا سمتی محب وعیہ ہو گا۔ انفٹ سرادی ککڑوں کی ہا۔ ہوئے ہم ذیل کہتے ہیں۔

جم پر تب ذبی قوت \vec{F}_g "عسلاً" جم کے مرکز قتار "پر عسل کرتی ہے۔

یہ ال لفظ"ع سلاً"کامطلب ہے ہے کہ اگر کسی طسر ح الفت رادی عکر دن پر تحب اذبی قوت حسنتم کر دی حب کے اور تحب اذبی قوت مسروڑ \vec{F}_{g} جم کے مسر کز نقل پر پسید اکر دی حب کے، جم پر صافی قوت اور (کسی بھی محور کے لیے نظ ہے) جمم پر صافی قوت مسروڑ سیدیل نہیں ہوں گی۔ سیدیل نہیں ہوں گی۔

اب تک، ہم مسنون کرتے رہے ہیں کہ تحباذبی قوت \vec{F}_g جم کے مسر کز کیت پر عمسل کرتی ہے، جو اسس کے مسترادون ہے کہ ہم کہ مسر کز ثقل جم کے مسر کز کیت پر پایا جب تا ہے۔ یاد کریں، کیت M جم پر تحباذبی قوت \vec{F}_g سے کہ ہم کاوہ اسرائ ہے جو جم پر \vec{F}_g الاگو کرنے سے پیدا ہوگا۔ ینچے دیے گئے جب سے میں ہم ذیل ثابت کریں گے۔ جب ال

اگر جہم کے تمام نکڑوں کے لئے تج ایک ہو، جہم کامسر کز ثقل اور جہم کامسر کز کمیت ایک نقطے پر ہوں گے۔

سطح زمسین پر ہی کی ت در بہت کم تب یل ہوتی ہے اور (عسام زندگی مسیں جن بلٹ دیوں ہے ہمیں واسطہ پڑتا ہے ان) بلٹ دی کے ساتھ تی کی و تدرزیادہ تبدیل نہیں ہوتی اہلہ ذاروز مسرہ اسٹیاء کے لئے درج بالا تخمین درست ہوگا۔ یوں چوہے یا جمینس

centerofgravity

کے لئے تحباذ بی قوت کا ان کے مسر کز کمیت پر عمسل پیسرا ہونا منسر ض کرنا درست ہوگا۔ ذیل ثبوت کے بعب ہم ای مفسرو ضے پر حیلیں گے۔

وست

ہم جم کے انف سرادی گلزوں پر پہلے غور کرتے ہیں۔ شکل 4a.12 میں وسیع جم ، جس کی کیت M ، اور جم کا ایک چھوٹا گلزا جس کی کیت M ، اور جم کا ایک چھوٹا گلزا جس کی کیت m_i جس کی گیت گلزا نے مصام پر ثقلی اسراع ہے (دیگر گلزوں کے لئے اس کی قیت مختلف ہو سکتی ہے)۔ سکل 4a.12 میں ہر ایک گلڑے پر قوت مسروٹ \vec{F}_{gi} عمسل کر کے ، مبدا C کے لیاظ سے گلڑے پر قوت مسروٹ \vec{F}_{gi} عمسل کر کے ، مبدا C کے لیاظ سے گلڑے پر قوت مسروٹ \vec{F}_{gi} عمسل کر کے ، مبدا C کی راہ نہائی مسین ہم ہر ایک قوت جس کامعیار اثر کابازہ \vec{F}_{gi} ہے ۔ میں وارت اس میں ایک قوت کی راہ نہائی مسین ہم ہر ایک قوت

$$\tau_i = x_i F_{\sigma i}$$

یوں، جسم کے تمام گلڑوں پر صافی قوی مسروڑ ذیل ہو گی۔

مروڑ _τ زمل لکھ کتے ہیں۔

$$\tau_{i,-} = \sum \tau_i = \sum x_i F_{gi}$$

اب، پوراجہم لیتے ہیں۔ شکل 4b.12 مسیں جم کے مسر کز ثقل پر تحباذ بی قوت \vec{F}_g عمسل کر تاد کھایا گیا ہے۔ مبدا O کے لحاظ سے اسس قوت کامعیار اثر کابازو میں نہیں X اور جم پر پسید اقوت مسروڑ τ ہے۔ مساوات N ووبارہ استعمال کر کے بید قوت مسروڑ ذیل کامعی جباستی ہے۔

$$au = x$$

$$\tau = x_{\vec{p}, \vec{r}} \sum F_{gi}$$

یاد کریں، مسر کز ثقل پر عمسل پیسے راقوت \vec{F}_g سے پیدا توت مسروڑ اسس صافی قوت مسروڑ کے برابر ہوگاجو جم کے تسام کلزوں پر عمسل پیسے راقوت \vec{F}_g پیسے را کرتی ہیں۔ (مسر کز ثقل کی تعسریف یہی ہے۔) یوں مساوات ۲۱.۱۳ کا τ ، مساوات τ بابر ہے۔ دونوں مساوات کوبرابر رکھ کرذیل کھے حیاسکتا ہے۔

$$x$$
رو تان $\sum F_{gi} = \sum x_i F_{gi}$

کا جگہ $m_i g_i$ ڈال کر ذیل سامسل ہوگا۔ F_{gi}

$$x_{j}$$
ر (۱۲) $\sum m_i g_i = \sum x_i m_i g_i$

اب کلیدی تصور پیش کرتے ہیں:اگر مکڑوں کامت امات پر اسسراع g_i ایک ہو، ہم g_i منبوخ کرکے ذیل کھھ سے ہیں۔ $\sum m_i = \sum x_i m_i$

M دیت ہے۔ یوں مساوات ۱۵، M ذیل ککھی جب M میں کا کمیس M دیت ہے۔ اور کم کمیتوں کا محبوعہ کے جسم کا کمیں کا محبوعہ کے محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کے محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کے محبوعہ کے محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کے محبوعہ کے محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کے محبوعہ کے محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کے محبوعہ کے محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کا محبوعہ کے محبوعہ کے محبوعہ کا محبوعہ کے م

$$x$$
ر۲۱۲) $x_i m_i$

اسس مساوات کادایان ہاتھ جسم کے مسر کز نقل (مساوات (4.9) کامعہ دx دیتی ہے۔ یوں جوت مکسل ہوتا ہے۔ اگر جسم کے تمام کلزوں کے معتام پر تحباذ بی اسراع ایک ہو، جسم کامسر کز نقل اور مسر کز کمیت میں اثل ہوں گے۔ x میں خوال کے معتام پر تحب ذبی اسراع ایک ہو، جسم کامسر کز نقل اور مسر کز کمیت میں اثارہ بھی کامسر کر نقل ہوں کے میں ہوں گا ہوں گا

۲.۲ کونی توازن کی چیند مثالیں

مثاب

اس حسب کویڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. سکونی توازن کے لئے قوت اور قوت مسروڑ کی مشیرانطا کااطباق کریائیں گے۔

بسجھ پائیں گے کہ مبدا (جس کے لحاظ ہے قوت مسروڑ کا حب کیا جبائے گا) کا مصام موج مسجھ کر منتخب کرنے کے ایک یاایک سے زیادہ نامسکن ہوگا، جس سے قوت مسروڑ کی مساوات ہے حضارج کرنامسکن ہوگا، جس سے قوت مسروڑ کا حب بہتا ہوگا۔

كليدي تصور

• جب استوار جم ساکن حسالت مسیں ہوہم کتے ہیں وہ سکونی توازن مسیں ہے۔ایے جم کے لئے، جم پر بسیہ و فی قو تول کا سستی محب وعب صف رئے برابر ہوگا۔

$$ec{F}_{i}$$
رمتوازن قوت $=0$ صن

اگر تب توت xy مستوی مسیں ہول، درج بالاسستی مساوات ذیل دوجبزوی مساوات کے مسسرادون ہو گا۔

$$F_{i,-y}=0$$
 اور اور $F_{i,-x}=0$ اور (متوازن قوت)

• کونی توازن سے بھی مسراد ہے کہ، کی بھی نقط کے لیاظ ہے، جسم پر بیسرونی قوت مسروڑ کا سستی محبوعہ صف کے برابرہوگا۔

$$ec{ au}_{i}=0$$
 متوازن قوت مسروڑ)

اگر ہیں۔ونی قوی مسین ہوں، تمام قوی مسین ہوں، تمام قوی مسین ہوں، تمام قوی مسین ہوں گی، اور درج بالا سستی مساوات کی مماثل ہوگی۔

$au_{ ext{i}}$ رمتوازن قوت مسروڑ) متوازن توت

سكوني توازن كي چيندمث ليس

یہاں ہم سکونی توازن کے کئی نمونی مسائل پر غور کریں گے۔ ہر مسلط مسیں ایک یا ایک سے زیادہ اجسام پر مسبنی نظام منتخب کر کے توازن کی مساوات (مساوات ۱۹۸۰) کا اطساق کریں گے۔ تمام تو سے ۲۰۷۰ مساوات ۱۹۸۹ کا اطساق کریں گے۔ تمام تو سے ۲۰۷۰ مساوات ۱۹۸۹ کا اطساق کرتے ہوئے، ہم کور کا متوازی قوت مسروڑ کا محور کو متوازی ہوں گے۔ یوں، مساوات ۱۹۸۹ کا اطساق کرتے ہوئے، ہم محور کا متوازی قوت مسروڑ کا محور کے انتخاب کی صورت مسین ایک یا ایک سے زیادہ نامعسلوم قوت حسار جمال کی ہوں گے، جسس کی ہولت مساوات ۱۹۸۹ کا اسلام میں بھول کی ہوس کی ہولت مساوات ۱۹۸۹ کا اسلام کو سے متوازی ہوگئی جسس کی ہولت مساوات ۱۹۸۹ کا حسال نسبتاً آسان ہوگا

آزمائشس۲

 \vec{F}_1 کی اس ساخ، جو سکونی توازن مسیں ہے، کافعت کی جب کڑہ شکل ؟؟ مسیں پیش ہے۔ (۱) کی تو توں کو متوازن کر کے آپ \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 کی متدر تلاسش کرنے میں انقلہ پرر کھ کر \vec{F}_2 کی متدر تلاسش کرنے کے لئے، محور گھیاو کسی نقطہ پرر کھ کر \vec{F}_1 کی متدر کی اور کے آپ کی متدر کیا ہے؟ کو مساوات ہے جن ارج کی اس کی ایک متدر کیا ہے؟

نمونی سوال ۲۱: افقی شهتیری متوازار بنانا

شکل 5a.12 میں، کیت m=1.8 kg کی کیاں شہرتیری، جس کی لمبائی L ہے، دوڑ ازوپر رکھی گئی ہے۔ کمیت M=2.7 kg کی کیاں سل شہرتیری پررکھی گئی ہے۔ سل کا مسرکز شہرتیری کے بائیں سرے L/4 مناصلے پر ہے۔ ترازو کمیاوزن دیں گے ؟

كليدى تصورات

سونی توازن کاکوئی بھی مسئلہ حسل کرنے ہے پہلے ذیل کرنا ہوگا: نظام کی نشاندہی کریں اور اسس کا آزاد جسمی حساکہ بنائیں، جس پر تسام تو تول کی نشاندہی ہو۔ یہاں ہم شہر سیری اور سسل کو نظام مانے ہیں۔ اسس کے بعد، نظام پر قوت دکھائیں، جیس سسکل 56.12 کے آزاد جسمی حساکہ مسیں کہا گیا ہے۔ (نظام کے انتخاب کے لئے تحبیر بدر کار ہے، جیس سسکل 15.12 کے آزاد جسمی حساکہ مسیں کہا گیا ہے۔ (نظام کے انتخاب کے لئے تحبیر بدر کار ہے، اور عسوماً ایک سے زیادہ ممکنات ہوں گے۔) نظام سکونی توازن مسیں ہے، لہذا قوتوں کے توازن کی مساوات کی مساوات کی مساوات (مساوات ۲۰۹) کااطہاق کہا جب سامیات کیا ہے۔

 \vec{F}_{l} بائیں ترازہ سے شہمتیری پر عسودی قوت \vec{F}_{l} اور دائیں ترازہ سے عسودی قوت \vec{F}_{r} ہے۔ ہم ان قوت کی ت دریں حب نسبت ہیں۔ تجباذبی قوت شہمتیری کے مسر کز کیت پر عمس کرتی ہے۔ ای طسر جن سل پر تحب اذبی قوت سے \vec{F}_{g} ، جو \vec{R}_{g} \vec{F}_{g} ہو ترابر ہے، سل کے مسر کز کیت پر عمس کرتی ہے۔ تاہم، شکل طسر جن سابہ قوت سے \vec{F}_{g} ، جو \vec{F}_{g} کی دم اس نقطہ پر دکھی 5b.12 سابہ کی عضر ض ہے، سل کو نقطہ سے ظاہر کیا گیا ہے ، اور سمتی سے \vec{F}_{g} کی دم اس نقطہ پر دکھی

گئے ہے۔ (سمتیہ سے کا کارخ تبدیل کیے بغیر، قوت کے خط عمسل پر سمتیہ کی گھیائے ، مشکل کو عصود دار کسی بھی محور پر ، $\vec{F}_{g,0}$ کی قوت مسروڑ تبدیل نہیں کرتی۔)

قوتوں کا χ حبزوموجو دنہیں لہذامساوات ۱.۷ =0 کرنی معسلومات منسیں کرتی۔مساوات χ اور χ احبزاء کے لئے ذیل دیتی ہے۔ χ احبزاء کے لئے ذیل دیتی ہے۔

$$(Y.IA) F_l + F_r - Mg - mg = 0$$

اب ہم توازن کی مساوات au=0 نیل کھے ہیں

$$(0)(F_l) - (L/4)(Mg) - (L/2)(mg) + (L)(F_r) = 0$$

جو ذیل دیگی۔

$$\begin{split} F_r &= \frac{1}{4} Mg + \frac{1}{2} mg \\ &= \frac{1}{4} (2.7 \, \mathrm{kg}) (9.8 \, \mathrm{m \, s^{-2}}) + \frac{1}{2} (1.8 \, \mathrm{kg}) (9.8 \, \mathrm{m \, s^{-2}}) \\ &= 15.44 \, \mathrm{N} \approx 15 \, \mathrm{N} \qquad () \\ &= 15.44 \, \mathrm{N} \qquad$$

نمونی سوال ۲۰۲: چول دار **بازو متوازاخ بناما**

شکل 6a.12 مسین (کمیت $M=430~{
m kg}$ کی) تجوری کو معاون چول داربازوے بلا کمیت رسی کے ذریعے لئکاد کھایا گیا ہے۔ $m=85~{
m kg}$ ہے۔ جہاں $m=1.9~{
m m}$ ہور کی کمیت $m=1.9~{
m m}$ ہور کا کمیت ہے۔

 \vec{T}_c کوت درکیاہے؟ \vec{T}_c کی تاریخ کی تاریخ کا کا تاریخ کی تاریخ کی تاریخ کا تاریخ کا

كلب دى تصورات

یہاں نظام چول داربازوہے، جس پر عمسل پیسراقوت مشکل 6b. 12 آزاد جسمی حناکے مسیں پیش ہیں۔ رسا سے بازو پر قوت \vec{T}_c ہازو پر قوت جول سے بازو پر قوت کا نتصابی حب نوبی قوت جول سے برابر ہے، بازو کے مسر کز کمیت (بازو کے وسط) پر عمسل کرتی ہے۔ چول سے بازو پر قوت کا نتصابی حب نوبر \vec{F}_c ، اور افقی حب نوبر \vec{F}_d ہے۔ رسی سے بازو پر قوت کا تصدر تجوری کے دان کے برابر: T_r ہوگا۔ T_r ہوگا۔ T_r ہوگا۔ T_r کی مصدری نظام کامب دا T_r کی اصدر تجوری کے دان کے برابر: T_r کی مصدری نظام کامب دا T_r کی مصدری نظام سے نوازن کی مصاوات کا اطباق ہوگا۔

حماج: مساوات ۹.۹ ($\vec{T}_c = 0$) من آغناز کرتے ہیں۔ یادر ہے، ہم قوت \vec{T}_c کی تصدر حبائن حیاہتے ہیں، ناکہ نقطہ \vec{C} پر موجود حیال پر عمسل پسیر اقوت \vec{F}_c آغناز کرتے ہیں۔ یادر ہے قوت مسروڑ کے حساب ہوں \vec{F}_c اور \vec{F}_c کی مصدر تاریخ کرنے میں۔ یوں \vec{F}_c اور \vec{F}_c اور \vec{F}_c کی عضر ض ہے ہم نقطہ \vec{C} میں مشکل کے مستوی کو عصود دار محور گھیاو منتخب کرتے ہیں۔ یوں \vec{F}_c اور \vec{F}_c کی عضر ض ہوں گے۔ شکل 66.12 مسیل \vec{T}_c ، اور \vec{T}_c ، اور \vec{T}_c بیں۔ مطابقتی معیار اثر کا اور \vec{F}_c بیں۔

 $r_{\perp} r_{\perp} r_{$

(1.19)
$$(a)(T_c) - (b)(T_r) - (\frac{1}{2}b)(mg) = 0$$

ک جگہ Mg ڈال کر T_c کے لئے سل کر کے ذیل مساس ہوگا۔

$$T_c = \frac{gb(M + \frac{1}{2}m)}{a}$$

$$= \frac{(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})(2.5 \,\mathrm{m})(430 \,\mathrm{kg} + 85/2 \,\mathrm{kg})}{1.9 \,\mathrm{m}}$$

$$= 6093 \,\mathrm{N} \approx 6100 \,\mathrm{N} \qquad (3.6)$$

 $(_{-})$ چول سے بازو پر صافی قوت کی ت در F تلا $^{-}$ تاریخ

كلب ي تصور

 T_c ہمیں افقی حبزو F_h اور انتصابی حبزو F_v در کار ہیں، جن سے صافی قوت کی متدر F حاصل ہو گی۔ ہم حبانے ہیں لہذابازو پر قوت کی توازن کی مصاوات کا اطہاق کرتے ہیں۔

$$F_h-T_c=0$$
 زیل کھ کتے ہیں: $F_h-T_c=0$

اور يوں ذيل ہو گا۔

$$F_h=T_c=6093\,\mathrm{N}$$
انتصابی حبیزوکے لئے ہم $T_c=0$ کو درج ذیل کھتے ہیں۔

$$F_v - mg - T_r = 0$$

کی جگہ Mg ڈال کر F_v کے لئے حسل کر کے ذیل حساس ہوگا۔

$$F_v = (m + M)g = (85 \text{ kg} + 430 \text{ kg})(9.8 \text{ m s}^{-2})$$

= 5047 N

مسئلہ فیثاغور شے استعال کرکے ذیل حساصل ہوگا۔

$$F = \sqrt{F_h^2 + F_v^2}$$

$$= \sqrt{(6093 \,\mathrm{N})^2 + (5047 \,\mathrm{N})^2} \approx 7900 \,\mathrm{N} \quad (\text{--})\text{s.}$$

یادرہے، F کی قیمت تجوری اور بازو کے محب موعی وزن: N 5000 N ، یا افتی رسامسیں سن او: 6100 N سے کافی زیادہ ہے۔

نمونی سوال ۲۰٫۳: دیوار کے ساتھ کھڑی سیڑھی

شکل $m = 45 \, \mathrm{kg}$ سین سیز گی، جس کی لمب آئی $m = 12 \, \mathrm{m}$ اور کیست $m = 45 \, \mathrm{kg}$ ہے، جس کی دیوار کے ساتھ گئے سین میں کے بالا سے وقت کی بیوار اور سیز گل کے ساتھ کی بیال سے میں میں ہوگی کے بہت دی پر ہے، اور سیز گل کا مسر کو کہیں نے کھیا سرے سیز گل کے بہت راہ L/3 من میلے پر ہے۔ ویشر مش بالار گر نہیں کی کیست محتی کی کہیں ہوتا ہے۔ ایک شخص کا کھی سرے شخص کا کھی ہے۔ ایک شخص کی کیست کھی کے سرے شخص کا میں میں کہیں ہوتا ہے۔ سیز گل کے بیوار اور ویشر مش سے قوتوں کی ویت در یں کیا ہوں گی ؟

كلي دى تصورات

ہم شخض اور سیز ھی کو اپن نظام مان کر نظام کا آزاد جسمی حن کہ، جس پر عمسل پسیرا قوت و کھائے گئے ہیں، بناتے ہیں (ہیں (شکل 7b. 12)۔ نظام سکونی توازن مسیں ہے، البندااسس پر قوت کی توازن اور قوت مسروڑ کی توازن کی مساوات (مساوات ۲٫۷ تامساوات ۲٫۷ کاملیاق مسکن ہے۔

حماہے: مشکل 7b.12 مسیں شخص کو سیڑھی پر نقطے سے ظاہر کسیا گیا ہے۔ شخص پر تحباذ بی قوت Mg کے سمتیہ کو خط عمسال (سمتیہ قوت سے گزرتی اور اسس کے ہمسراہ لکسیسر) پر گھییٹ کر، سمتیہ کی دم نقطے پر رکھی گئی ہے۔ (قوت یوں منتقسل کرنے

ے، سشکل کو عصود دار، کسی بھی محور گھساو کے لیے ظرے قویں مصروڑ تبدیل نہیں ہوتی۔ یوں، قویں مصروڑ کی توازن کی مساوات، جو ہم استعال کریں گے، اثراند از نہیں ہوتی۔)

دیوارے سیز ھی پر صرف افقی قوت \vec{F}_{tv} عمل کرتی ہے (بلار گڑ دیوار پر رگڑی قوت موجود نہمیں ہو سکتی، اہلہذا سیڑ ھی پر دیوار کے ہمسراہ انتصابی قوت صف ہوگی)۔ و سیر سش سے سیڑ ھی پر قوت \vec{F}_{px} کا فقی حسنرہ وگئی۔ و سکونی رگڑی قوت ہے۔ \vec{F}_{px} بے جو عصودی قوت ہے۔

توت مسرور $au_\perp F$ روپ مسین ککھ کر، توازن کی مساوات $au= au_{r_\perp}$ ذیل ککھی جائے گی۔

(1.r)
$$-(h)(F_w) + (a/2)(Mg) + (a/3)(mg) + (0)(F_{px}) + (0)(F_{py}) = 0$$

(مثبت قوی مسروڑ منلان گھٹڑی گھماو کے مسرادن اور منفی قوی مسروڑ گھٹڑی وار گھماو کے مسرادن ہے۔)

سيرُ هي، ديوار، اور منسر سش مت ائم تكون بن تي بين، جس پر مسئله فيثاغور شه كااطسان ذيل ديگا-

$$a = \sqrt{L^2 - h^2} = 7.58 \,\mathrm{m}$$

اسس کے بعبد،مساوات ۲۰۲۱ ذیل دیگی۔

$$F_w = \frac{ga(M/2 + m/3)}{h}$$

$$= \frac{(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})(7.58 \,\mathrm{m})(72/2 \,\mathrm{kg} + 45/3 \,\mathrm{kg})}{9.3 \,\mathrm{m}}$$

$$= 407 \,\mathrm{N} \approx 410 \,\mathrm{N} \qquad (\text{---})$$

اب جمیں شکل 12 میار تو تو کی توازن کی مصاوات استعمال کرنی ہو گی۔ مصاوات F_{w} ویل دیگی: $F_{w} - F_{px} = 0$

لہلنڈاذیل ہو گا۔

رساوات $F_{i,y}=0$ ویل دیگی:

$$F_{py} - Mg - mg = 0$$

لہٰناذیل ہوگا۔

نمونی سوال ۲۰۴۰ پییا کے جھ کا بڑج کا توازر

ف سنر ض کریں پیپ کابُرج، رواسس R=9.8 س کامٹ کی کیاں بسیان ہے، جو h=60 س بلند ہے۔ اسس کامٹ کر کر کی پیپ کابُرج، رواسس R=9.8 س کامٹ کر کی بیان بیٹ ن سید ساکھ کور پر، h/2 بلند کی پر پایا جاتا ہے۔ شکل R=1.2 میں بسیان دائیں طسر و ن (بُرخ کے جنوب جبان ب) 0.5=0 جی جی کہ جو سر کر کیست کو 0 مناصلہ دور کر تا ہے۔ میسان دائیں طسر من کریں، زمسین صرف دو قوت بُرج پر پیدا کرتی ہے۔ میسود کی قوت \vec{F}_{NL} بائیں (شمالی) دیوار پر، اور میسود کی قوت \vec{F}_{NR} میں کتنی فی صد تب یلی رونسا ہوتی ہے؟

كلب دى تصور

چونکہ بڑے گھٹڑاہے، یہ توازن مسیں ہوگاور کی بھی فقطہ کے لحیاظے اسس کر قوت مسروڑ کا محبوعہ صف ہوگا۔ حماجہ: ہم دائیں دیوار پر F_{NL} بہت بائیں دیوار پر F_{NR} بہت بائیں دیوار کے کر قوت مسروث حماجہ: ہم دائیں دیوار پر F_{NR} بہت بائیں دیوار کے کر قوت مسروث کا حساب کرتے ہیں۔ تعباد بی قوت کا حساب کرتے ہیں۔ تعباد بی قوت مسرکز کیت پر عمسل کرتی ہے، کا خط عمسل انتصابی ہے اور اسس کا معیار اثر کا بازو (چول سے خط عمسل کا عصود دار قوت کے ساتھ وابستہ قوت مسروڑ بُری کو گھٹڑی وار گھسٹے کی مسئٹ کرتی ہے البتذا سے منتی ہوگی۔ جنوبی دیوار پر عصود دار قوت کے ساتھ وابستہ قوت مسروڑ بُری کو گھٹڑی کو گھٹڑی کا منتسانی ہے، اور اسس کا معیار اثر کا بازو کی ہوگی۔ جولی دیوار پر عصود دار قوت کے ساتھ کا خط عمسل انتصابی ہے، اور اسس کا معیار اثر کا بازو کی ہوگی۔ جولی پر اسس قوت سے وابستہ قوت مسروڑ حنیان گھٹڑی گھٹ دیسید اگرتی ہے لہندا سے مثبت ہوگی۔ آئیں قوت مسروڑ کے توازن کی مساوات ($0 = \frac{1}{2}$ کا کھٹیں:

$$-(R)(mg) + (2R)(F_{NR}) = 0$$

جو ذیل دیتی ہے۔

$$F_{NR} = \frac{1}{2}mg$$

ہے۔ متیب بغیبر حسل کیے ہم حبان سکتے تھے: مسر کز کمیت وسطی محور پر پایا حباتا ہے، لہنہ ذا دایاں طسرون ہیلن کا نصف وزن اٹھا تا ہے۔

شکل 8b.12 میں مسر کز کمیت دائیں طسر نے منتقتل ہے، جب ال کا ذیل ہے۔

$$d = \frac{1}{2}h\tan\theta$$

R+d ہوگاور دائیں R+d ہوگاور دائیں عصوری قوت کا معیار اثر کا بازو ت در F'_{NR} نئی قیمت ہوگی (شکل 8d.12) یوں ذیل لکھ حباتا ہے:

$$-(R+d)(mg) + (2R)(F'_{NR}) = 0$$

جو ذیل دیگا۔

$$F'_{NR} = \frac{R+d}{2R}mg$$

اس نئ قیب کویرانی قیب سے تقسیم کرکے d کی قیب ڈال کر ذیل ہوگا۔

$$\frac{F'_{NR}}{F_{NR}} = \frac{R+d}{R} = 1 + \frac{d}{R} = 1 + \frac{0.5h \tan \theta}{R}$$

ار مسین $R=9.8\,\mathrm{m}$ ، اور $\theta=5.5^\circ$ ذال کرذیل نتیجہ حساس کرتے ہیں۔

$$\frac{F'_{NR}}{F_{NR}} = 1.29$$

یوں ہارے سادہ نمون کے تحت، اگر حیہ جھکاو بہت معمولی ہے، جنولی دیوار پر قوت مسین اضاف تقسریباً 30 فی صب بڑھاہے، جس کی وحب سے جنولی دیوار پیچیئنے کاخطہ رہ لاحق ہے۔ بارسٹس کے ساتھ بُرُنْ کے بنیجے سے مٹی نکل حبانا جھاو کی وجب بن ہے۔ بُرج کے نیچے یانی کے انعکاسس کانظام نصب کرے جھکاویر وت ابویایا گیا ہے۔



م**قاصد** اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے وت ابل ہوں گے۔

ا. بلاتعسین صورت حبان یائیں گے۔

٣٠. کيل ـــــ

۲. جبر،بگاڑ، اور مقیاس ینگے کے تعسلق کی مساوات تناواور داہے کے لئے استعال کریائیں گے۔

- ٣. مناوني مضبوطي اور اخب مضبوطي مين منسرق حبان يائيس گـ
- ۴. جبر،بگاڑ،اورمقیاسس قینچ کی مساوات کااطسال قینچ کرنے (کاٹنے) کے لئے کریائیں گے۔
- ماقوائی داب، بگاڑ، اور مقیاسس حب کے تعلق کی مساوات کااطلاق ماقوائی جبرے لئے کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• جسم پر قوتوں کی عمسل ہے جسم کے لحبی کی رویہ (منج ہونے) کو تین مقیاسس کیک بسیان کرتے ہیں۔ بگاڑ (لمبائی مسیں ک کسر کی تب یلی) اور اطلاقی جب (اکائی رقب پر قوت) کا (درج ذیل) رشتہ نظی ہے، جہاں تناسبی متقل مقیاسس کہا تاہے۔

• تان یاداب کی صورت مسیں جبر وبگاڑ کار شتہ ذیل لکھا حب تاہے:

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

جہاں $\Delta L/L$ جسم مسین تان یاد ہے کابگاڑ، F بگاڑ پیدا کرنے والی لا گوقوت کی تدر، A عصود کی تراشش کارقب کے جسس پر A (رقبے کوعسود دار) لا گوگ گئے ہواور E جسم کامقیاسس پڑک ہے۔ جب رE ہوگا۔

قینج جب رکی صورت میں جسم کاجب روبگاڑر شنہ ذیل لکھا حب تاہے:

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{I}$$

جباں $\Delta x/L$ جس کا تینج بگاڑ، Δx لاگو تو ت \vec{F} کے رخ مسیں جم کے ایک سر کا ہاو، اور \vec{G} جم کا مقب سن تینج ہے۔ جب ر \vec{F} ہوگا۔

• ماقوائی داب کی صورت مسیں جسم پر اطسر ان کاسیال جبر لاگو کرتاہے؛ جب روبگاڑ کار شتہ ذیل لکھا حبائے گا:

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

جباں p جہم پر سیال کا دباو (ماتوائی جبر) ہے، $\Delta V/V$ دباو کی پیدا (بگاڑ) جہم کے حب مسیں مطلق کسری تب یلی ہے، اور B جہم کامقیا سس حج ہے۔

بلا تعبين جسم

اسس باب کے مسائل مسیں ہمارے پاکس صرف تین عنسیر تابع مساوات ہوں گے؛ عسموماً توازن قوت کی دواور محور گھے۔ پر توازن قوت مسروڑ کی ایک مساوات ہوگی۔ یوں، اگر کسی مسئلے مسیں تین سے زیادہ نامعسلوم متغیب رہوں، ہم اسس کوحسل کرنے سے وت صرح ہوں گے۔

عنب رمیثاکل بوجھ سے لدے ہوئی گاڑی پر غور کریں۔ اسس کے حپاروں پہسیوں پر ایک دوسرے سے مختف تو۔ کپ ایں؟ چو ککہ ہمارے پاسس صرف تین مساوات ہیں البند اان قو توں کو معسلوم کرنا ممسکن نہیں۔ ای طسرح، تین پائے کے مسز کا توازن کامسئلہ ہم حسل کر سکتے ہیں، تاہم حپار پائے کے مسیز کے لئے حسل مسکن نہیں ہوگا۔ اسس طسرح کے مسائل جن مسیں مساوات سے نامعسلوم مصادیر کی تعبداد زیادہ ہو، ملا تعبیر جے "کہالتے ہیں۔

اسس کے باوجود، حقیقی دنیا مسیں بلا تعسین مسائل کے حسل موجود ہیں۔ اگر آپ گاڑی کے پہسیوں کو حپار مختلف ترازو پر رکھسیں، یقیناً ترازو غنیسر مہم نستانج دیں گی؛ جن کا محب وعب عسین گاڑی کے وزن کے برابر ہو گا۔ ایسی کو نمی باست ہے جو ہم نہیں حباخے، اور جس کے سنہ حباخے ہوئے ہم مسئلہ حسل کرنے سے مسام ہیں؟

ھیقت ہے ہے، کے بغیبر، ہم جن اجسام پر سکونی توازن کی مساوات کا اطلاق کرتے ہیں، ہم انہیں کامسل استوار تصور کرتے ہیں۔ یعنی ہم منسرض کرتے ہیں کہ لا گو قوت ان اجسام کو کسی طسرح بھی منخ نہیں کرتی۔ در ھیقت کامسل استوار جسم کہیں نہیں پیاجب تا۔ مشاأ، گاڑی کے پہیے آس نی سے بو جھ تلے منخ ہوکر سکونی توازن کے مصام پر ہسیٹھے ہیں۔

آپ کا واسطہ حیاریائے کے لڑ کھٹڑاتے مینزے ضرور پڑا ہو گا۔ایک پائے کے نیچے تہد دار کاعنہ ذرکھ کر اے مستخلم کیا جب ساتھ ہوئے گاڑی کے اسے مستخلم کیا جب ساتھ ہوئے گاڑی کے کیا جب ساتھ ہوئے گاڑی کے پہیدوں کی طسرح من ہوں گے۔ حیاروں پائے زمسین کو مس کریں گے،ان پرزمسین سے عصود دار تو تیں عنیہ مہم (اور ایک دوسیوں کی طسرح من ہوں گا۔ ورکسیوں کے مسلور کی گا، اور مینزلز کھٹڑا کے گانہ میں (شکل 9.12)۔ایک یا اسس سے ملتی حباتی صور توں مسیوں ہو،ہم تو سے کی انف میں جب ان کے بین؟

بلا تعیین مسئلہ حسل کرنے کے لئے، توازن کی مساوات کے ساتھ ہمیں کچک کی معسلومات بھی بروئے کار لانی ہو گی۔ طبیعیات کی وہ شاخ جو توت کے زیرالڑاجسام کے منخ حسانے کی بات کرتی ہے، کیک کہلاتی ہے۔

آزمائشس۳

چھت ہے کیاں سلاخ، جس کاوزن $10\,\mathrm{N}$ ہے، دودھاگوں سے اٹکایا گیا ہے، جو سلاخ پر اوپر وار \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 تو تب ہے۔ ان مسیں کوئی صورت بلاتعین ہے، پیدا کرتے ہیں۔ سشکل ؟؟ سیں سلاخ سپار مختلف نقطوں سے باندھ کر لٹکایا گیا ہے۔ ان مسیں کوئی صورت بلاتعین ہے اگر ہے بھی۔ (بلاتعین صورت مسیں ہم \vec{F}_1 ور \vec{F}_2 مسلوم نہیں کریا ئیں گے۔)

indeterminate of the state of t

لچا___

بہت سارے جوہر، تین بُعدی حبالی مسیں متوازن مصامات پر بسیٹے کر ، دھاتی جم، مشلاً، کسیل بناتے ہیں۔ تین بُعدی حبالی عملی بختی ہیں۔ تین بُعدی حبالی تحدید کی بختی ہیں۔ جوہر صدری جوہر صدری جوہر مقصررہ وضاعلے پر ہوگا۔ بین جوہر تو تین، جنہیں شکل 10.12 مسیں اسپرنگ سے ظاہر کسیا گیا ہے ، جوہر کو اپنی جگس پر رکھتی ہیں۔ سے حبالی حسرت کن استواریت رکھتی ہیں۔ بہت زیادہ رکھتی ہیں۔ بہت زیادہ اکر جوں سرے لفظوں مسین بین جوہر قوت نہیا ہے۔ جوہر کو اپنی جگس پر اور شکل 10.12 مسیں استوار سیجھتے ہیں۔ بال ربڑ اور اکر جول گیا۔ یکی وجب ہے، ہم عمام اجسام، مشلاً، دھاتی سیؤھی، مسین، اور چچ کو کام سل استوار سیجھتے ہیں۔ بال ربڑ اور پائے ایک خوبس استوار حبالی نہیں بن تے۔ ان اجسام کے جوہر شکل 10.12 کی طسرح استوار حبالی نہیں بن تے؛ بلکہ سے سالت تی گیا۔ بیل جو تشریلی خوبس بن تے۔ بیل جو تشریلی خوبس بن تے ہیں جو سر بیلی خوبس بن کے؛

حقیقی"استوار" اجسام کی حد تا کی ہوں گے، اور یوں انہ میں دباکر، تان کر، اور مسروڑ کر ہم ان کی مشکل وصور معمولی تبدیل کر سکتے ہیں۔ در پیش معتادیر حبانے کے لئے، چست سے انتصابی کسٹی فولادی سلاخ پر غور کرتے ہیں، جس کی کہ لئی گل تا 1 اور قطسر 1 cm ہے۔ سلاخ کے سرے چھوٹی گاڑی لؤکانے سے سلاخ کی لمبائی مسیں 0.5 mm یعنی % 0.05 کا صن ف ہوگا۔ مسئیں، گاڑی ہئانے پر سلاخ دالیس اپنی اصل لمبائی اختیار کرتی ہے۔

سلاخ سے دوگاڑیاں لٹکانے پر، سلاخ ہمیشہ کے لئے تھنچ حباتی ہے، اور وزن ہٹانے سے اصل لمبائی افتیار نہیں کرتی۔ تین گاڑیاں لٹکانے پر، سلاخ ٹوٹ حبائے گی۔ عسین ٹوٹے سے قبل، لمبائی مسیں اضاف ہوگا۔ اگر چہاد جسامت کے اضافاع مسیں تبدیلی زیادہ نہیں، انجیسئری مسیں اسس کے دور رسس نشائج ہوں گے۔ (آیا جہاز کا پُر جہاز کے ساتھ حبڑارہے گا، بقیدیا، بداہیت کے حسامس بات ہے۔)

تا ہونے طریقے۔ قوت لاگو کرنے پر، ٹھوسس جم کاطول وعسرض تین طسر ہت بدیل ہو سکتا ہے۔ شکل 11a.12 میں ہیان کھنے کتھ کے گئی خور کو عصود دار قوت لاگو کر کے ہیان منح کیا گیا ہے۔ کتھنے کر لمب کی اگلی ہے۔ 11b.12 میں سیال میں ٹھوس جم رکھ کر بلٹ دالب کے زیرا اثر تمام اطسران ہے جم دہایا گیا ہے۔ من منظم 11c.12 میں ٹھوس جم رکھ کر بلٹ دالب کے زیرا اثر تمام اطسران ہے جم میں لگا ہوں کہ جم مسین لگا ہوں کا کہ جم مسین لگا ہوں کہ جم مسین لگا ہوں کہ جم مسین لگا ہوں کہ جم مسین بھی جہ در اور شکل 11c.12 مسین ماتوائی جب دکھیا گئے ہے۔ دکھیا گئے ہے۔ دکھی باگسے ہے۔ دکھی باگسے ہے۔

جبراور بگاڑ شینوں صور توں مسیں مخلف روپ اختیار کرتے ہیں، تاہم انجینئری کے معتاص دے لئے جبراور بگاڑ راست مستناسب ہیں۔ راست مستناسب کامستقل مقیام کے کیا تا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$(1.77)$$
 جبر \times مقب $=$ جبر

تن وی حناصیہ کے معیاری پر کھ مسیں پر کھی ہیان (جیب شکل 12.12 مسیں دکھیایا گیا ہے) پر تن وی جب رصنسر قیمت سے آہتہ آہتہ بڑھیایا جہ کئی کہ ہیان ٹوٹ حبائے، اور ساتھ ساتھ بگاڑ ناپ کر ترسیم کی حباتی ہے۔ یوں شکل 13.12 کے طسرز کی جب بالمقابل بگاڑ ترسیم حیاصل ہوگی۔لاگو جب کی وسیع حید تک جب راور بگاڑ کا تعلق خطی ہے، اور جب رہٹ نے پر پر کھی جم والیس اصل طول وعسرض اختیار کرتا ہے؛ اسس خطی خطے مسین مساوات۔ ۲۰۲۲

stress

strain

modulusofelasticity2

کااط لاق ہوگا۔ پر کھی جسم کی مغلوبی مضبوطی کی مخاولی مضبوطی کے جب ربڑھانے پر جسم ہمیث کے لئے منے ہو جب تاہے۔ جب رمسلس بڑھانے پر جب اخیر مضبوطی 8 کو پنچتاہے، جسم ٹوٹ سباتاہے۔

تان اور داــــــ

Fدہ تان یادا بے کے لئے، جم پر جب رکی تعسر یف F/A ہے، جب ال جم کے رقب A پر عسود دار توت کی و تدر A ہے۔ بگاڑ ہے مسراد بے بُعد منت دار A ہے، جو جم کی لب اُن مسین کسری (یا بعض او و ت نی صد) تب یلی ہو گا۔ اگر جم ایک بھی سان ہو اور جب رمغ لوبی مضبوطی ہے تجب اوز نہ کرے ، ناصر و نے پوری سان کا بگاڑ بلکہ اس کے ہم مکڑے کا بگاڑ د ہے ہم ایک بیاد و بی مقیاس کے بعد و بی کا بھاڑ ہو جب رکا ہے ؛ د یک بھاڑ بے بُعد ہے ، مساوات ۱۲۲۲ مسین مقیاس کے بُعد و بی ہو گا بوجب رکا ہے ؛ یعنی توت فی اکا لی رقب ۔

تنادی اور دباوجب رکے مقیاس کو مقیاس پنگ اکتے ہیں، جس کو انجین کی مسیں E سے ظاہر کیا حباتا ہے۔ یول مساوات ۱۲۰ دنیل رویا افتیار کرتی ہے۔

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

جہم مسیں بگاڑ ΔL/L باآپ فی **بگاڑ میما** "ے ناپاحبا تاہے (شکل 14.12)، جس کو جہم کے ساتھ گوندے چسپاں کیا حبا تا ہے؛ اسس کے برقی خواص بگاڑ پر مخصد میں، جنہیں ناہے کربگاڑ ناپاحبا تاہے۔

اگر حب تان اور داب دونوں مسیں جم کامقیاس نیگ تقسریباً ایک ہوسکتا ہے، جم کی اخب مضبوطی جب رکے دوقعموں کے کے لئے بالکل مختلف ہوگا۔ کا نکریٹ (کسنکر اور سینٹ کے مسالے سے بنائی گئی) داب مسیں انتہائی مضبوط کسیکن تان مسیں اتنی کمسزور کہ تان کی صورت مسیں کہ میں استعال نہیں ہوتی۔ حبدول ۲۰۱۱ مسیں انجینٹری دلچپی کے چنداشیاء کے مقیاسس نیگ اور دیگر کی خواص چیش ہیں۔

قينج

قیخ کی صورت مسیں بھی جبرنی اکائی رقب توت ہوگا، تاہم توت سمتیر قبے کے مستوی مسیں ہوگانا کہ رقبے کو عسود دار۔ بگاڑ لے بُعد نسبت $\Delta x/L$ ہوگا، جب اس معتادیر کی تعسریف شکل 11b.12 مسیں پیش ہے۔ مطابقتی مقیاس، جس کو انجیت میں شعب مسیں G سے ظہر کیا جب تاہے، کو مق**یاس قین** اسکتے ہیں۔ قین کے لئے مساوات ۲.۲۲ ذیل کھی حبائے گی۔

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{L}$$

گھے وکے دوران بو جھ پڑنے پر دھے را قینی سے ٹوٹت ہے اور جھکنے کے دوران ہڈی قینی سے ٹوٹتی ہے۔

yieldstrength[^]

ultimatestrength

Young'smodulus"

straingauge"

shearmodulus'r

ئىپىكى خواص	۔انشیاءے جین دلح	لچیبی کے منتخ ب	حبدول ۲:۱نجیسنئری د
	• •	•	

مغلوبي	اخپ	مقباسس		
مغـــاوبی مضبوطی S _y	S_u مضبوطی	يگــــــ E	ho کثافت	
	(10^6Nm^{-2})	(10^9Nm^{-2})	(kgm^{-3})	ماده
250	400	200	7860	فولاد
95	110	70	2710	سلور
_	50	65	2190	ثيثه
_	40	30	2320	كانكرييـــــ
_	50	13	525	لكڑ
_	170	9	1900	ہڑی
	48	3	1050	پالی اسٹرن

ماقوائی جب ر

سشکل 11c.12 مسیں سیال کا دباو (فشار سیال) p جم پر جب رپیداکر تا ہے، اور جیب آپ باب 14 مسیں دیکھیں گے۔ دباوی تعصریف اکائی رقب پر قوت ہے۔ بگاڑ $\Delta V/V$ ہوگا، جہاں جم کا اصل (ابت دائی) حجم V اور حجم مسیں تبدیلی کی مطابق قیمت ΔV ہے۔ مطابق مقیاس جم سال تا ہے۔ ہم تبدیلی کی مطابق قیمت ΔV ہے۔ مطابق مقیاس جم سال متابع ہے مادے کا مقیاس جم سال تا ہے۔ ہم کے بین جم زیر ما قوائی دباوے ہو اور دباو کو ما قوائی جب ریکاراحب سکتا ہے۔ یہاں مساوات ۲۰۲۲ ذیل کھی حب کے گ

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

نمونی موال ۲۰۵۵: کمچنچی ملاخ میں جمر اور بگاڑ فولادی سلاخ کا ایک سسر سٹ نخبہ مسیں پکڑ کر ، دوسسرے سسر کی سطچ پر F = 62 kN متدر کی عصود دار قوت (سطچ پر یک ان الاگو کر کے سلاخ کیخی حب تی ہے۔ قوت لاگو کرنے ہے قب ل، سلاخ کارداسس R = 9.5 mm اور لمب بی الگوکر کے سلاخ کی طوالت ، اور بھاڑ کر ہیں ؟ 81 cm

bulkmodulus"

كلب دى تصورات

(1) ساخ کے سر پر قوت عصود دار اور یکاں ہے المہذا قوت کی تدر F اور رقب A کی نبیت، جبر ہوگا۔ میں دات E کا جب راور مقیاس ینگ E سے تعلق میا دات ΔL کا جب راور مقیاس ینگ E سے تعلق میا دات E روز کا دارت راسل کی بازی E کی نبیت بگاڑ ہوگا۔ E (E راسل کی بازی E کی نبیت بگاڑ ہوگا۔

حماج: جبر تلاسش كرنے كے لئے ہم درج ذيل لكھتے ہيں۔

$$\Rightarrow \frac{F}{A} = \frac{F}{\pi R^2} = \frac{6.2 \times 10^4 \text{ N}}{(\pi)(9.5 \times 10^{-3} \text{ m})^2}$$

$$= 2.2 \times 10^8 \text{ N m}^{-2} \quad (\text{A})$$

 $_{2.5} \times 10^{8} \, \mathrm{N \, m^{-2}}$ ہوگا۔

فولاد کامقیاسس ینگ حبدول ۲۰۱۱ سے دکھ کرمعلوم کرتے ہیں۔ یوں مساوات ۲۰۲۳ سے ذیل طوالت حساسل ہو گا۔

$$\Delta L = \frac{(F/A)L}{E} = \frac{(2.2 \times 10^8 \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-2})(0.81 \,\mathrm{m})}{2.0 \times 10^{11} \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^{-2}}$$
$$= 8.9 \times 10^{-4} \,\mathrm{m} = 0.89 \,\mathrm{mm} \quad (\text{---})\text{s})$$

بگاڑ ذیل ہو گا۔

$$\frac{\Delta L}{L} = \frac{8.9 \times 10^{-4} \,\mathrm{m}}{0.81 \,\mathrm{m}}$$
$$= 1.1 \times 10^{-3} = 0.11 \,\% \quad (\text{)}$$

نمونی سوال ۲.۶: لر کھواتے میز کا توازار

 $d=0.50\,\mathrm{mm}$ ایک میبز کے تین پائے $d=0.50\,\mathrm{mm}$ اور چوکات $d=0.50\,\mathrm{mm}$ اور میبز کے تین پائے کہ دولت میبز کو گھٹ راتا ہے۔ میبز پر $d=0.50\,\mathrm{mm}$ کے میبز پر والب ہوتے ہیں اور میبز کے میبز پر والب ہوتے ہیں اور میبز کے کہا ور این کا عصودی تراسٹ رقب $A=1.00\,\mathrm{mm}$ کے کہا ہور کا کہا گوگ کے بیں اور این کا عصودی تراسٹ رقب $C=1.00\,\mathrm{mm}$ کے میبز کے پایوں پر قوت کی میبر کی کے میبز کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے میبر میبر کے میبر کے میبر کے میبر کی کی میبر کی میبر کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے میبر میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی کے میبر کے پایوں پر قوت کی میبر کی میبر کی کو کریں۔

كليدى تصورات

ہم مینز اور فولادی ہیلن کو نظام مانے ہیں۔ صورت حسال مشکل 9.12 کی طسرح ہے؛ منسرق صرف اتنا ہے کہ یہاں میں۔ زیر فولادی ہیلن کو نظام کی استواسط ہو، پائے لاز مأدرن ذیل طسرح زیر داہب ہوں گے: ہر چھوٹاپایا میںز پر فولادی ہیلن رکھا گیاہے۔ اگر میں کابالا تخت استواسط ہو، پائے لاز مأدرن ذیل طسرح زیر داہب ہوں گے: ہر چھوٹاپایا برابر دباہوگا(ہم اسس معتدار کو کلا کلاتا ہیں) اہندا اسینوں پر قوت کی ایک جنتی صدر حجم مسل کرے گی۔ داحہ کہ ایک ٣.٢. يك____

زیادہ دیے گا (جس کو ہم ΔL_4 کیھے ہیں) اہلیذا اسس پر قوت کی ت در F_4 بڑی ہو گی۔ دوسسرے لفظوں مسین میسز کا تخت ہا استواہونے کی صورت مسین ذیل ہوگا۔

$$\Delta L_4 = \Delta L_3 + d$$

ماوات $\Delta L = FL/AE$ وی میں تبدیلی اور اسس تبدیلی کوپیدا کرنے والی ت در کا تعساق $\Delta L = FL/AE$ وی جہاں پائے کی اصل لمب کی $\Delta L_3 = \Delta L_4$ میں $\Delta L_4 = \Delta L_5$ اور $\Delta L_5 = \Delta L_5$ اور $\Delta L_5 = \Delta L_5$ میں میں تعبال کیا جب میں میں تبدیل کیا ہے۔

حماج: یوں اسس تعلق نے ذیل کھا حباسکتا ہے۔

$$\frac{F_4L}{AE} = \frac{F_3L}{AE} + d$$

اسس مساوات مسين دونامعلوم معتادير، F_4 اور F_3 ، بين البنداات مسل كرناممكن نهين م

اور F_3 کی دوسری میاوات کھنے کی عضرض سے ہم انتصابی y محور منتخب کر کے انتصابی قوتوں کی توازن کی F_4 میاوات (F_{3-y}, y) کھتے ہیں:

$$3F_3 + F_4 - Mg = 0$$

جب نظام پر تحباذ بی قوت Mg کے برابر ہے۔ (تین پایوں پر قوت \vec{F}_3 ہے۔) ہمسز ادمساوات ۱۳۷ ورمساوات ۱۳۷ مشل $F_4 = Mg - 3F_3$ کھے کرمساوات ۱۳۷ مشل وات برابر کے لئے ہم مساوات ۱۳۷ مشل وات برابر کے لئے مسل ہوگا۔

$$\begin{split} F_3 &= \frac{Mg}{4} - \frac{dAE}{4L} \\ &= \frac{(290\,\text{kg})(9.8\,\text{m}\,\text{s}^{-2})}{4} - \frac{(5.0 \times 10^{-4}\,\text{m})(10^{-4}\,\text{m}^2)(1.3 \times 10^{10}\,\text{N}\,\text{m}^{-2})}{(4)(1.00\,\text{m})} \\ &= 548\,\text{N} \approx 5.5 \times 10^2\,\text{N} \qquad (\text{...}\text{s}) \end{split}$$

مساوات ٢٠٢٨ سے ذیل حساصل ہوگا۔

$$F_4 = Mg - 3F_3 = (290 \text{ kg})(9.8 \text{ m s}^{-2}) - 3(548 \text{ N})$$

 $\approx 1.2 \text{ kN}$ (—)£)

آپ د مکھ سکتے ہیں کہ ہر چھوٹاپایا 0.42 m اور لمب پایا m 0.92 دباہے۔

نظب رثانی اور حنلاصی

سکونی توازی جب استوار جم س کن ہو ہم کہتے ہیں وہ سکونی توازین سامسیں ہے۔ایے جم پر بسیہ ونی قو توں کا سستی محب و عب صنب کے برابر ہوگا۔

$$ec{F}_{i,m} = 0$$
 (توازن قوت $ec{F}_{i,m} = 0$ (عوازن قوت المرازن قوت المر

اگرتمام قوت بع مستوی مسین ہول، ہے۔ ستی مساوات زیل دوجبزوی مساوات کی معادل ہے۔

$$F_{i,j}=0$$
 اور $F_{i,j}=0$ اور $F_{i,j}=0$ اور (۲.۸، ۲.۵)

سکونی توازن سے بے بھی مسراد ہے کہ کسی بھی نقط کے لحباظ سے جسم پر ہیسرونی قوت مسروڑ کا سستی مجب وعب صنسر کے رابر ہوگا۔

$$\vec{\tau}_{i_{0}} = 0$$
 (۲.۵) $\vec{\tau}_{i_{0}} = 0$ (۲.۵)

اگر قوت xy مستوی مسیں ہوں، تمسام قوت مسروڑ سمتیات محور z کو متوازی ہوں گے، اور مساوات ۲.۵ ذیل واحد حسنروی مسیاوات کی معیادل ہوگا۔

(1.9)
$$\tau_{i_0} = 0 \quad (\bar{\tau}_{0})$$

مرکز کمیتے جم کے ہر ھے پر تحباذ بی قوت انف رادی طور پر عمس کرتی ہے۔ انف رادی اعمال کاصافی اڑ جب نے کے لئے جم کے مرکز کمیتے پر مساوی کل تحباذ بی قوت \vec{F}_8 تصور کرنا ہوگا۔ اگر جم کے تمسام صول پر ثقلی اسسراع تی ایک ہو، مسر کز کمیتے اور مسرکز ثقل ایک نقل ہر ہول گے۔

مقیار کی جم پر عمسل پیراتو توں کو جم کارد عمسل، جو منج ہونے کی صورت مسیں ہوگا، تین مقیار کی ہے ہیاں کی ہے ہیاں کی سیاحب تا ہے۔ لگاڑ (لمبائی مسیں کسری تبدیلی) اور جم (اکائی رقبے پر قوی) کا تعسلی خطی ہے، جہاں تناسب کا مستقل مقیبا کسس کہا تا ہے۔ ان کاعب مومی رشتہ ذیل ہے۔

$$(4.77)$$
 جبر \times مقیاس $=$ جبر

ال اور داج جب جم تان یاداب کے زیراثر ہو، مساوات ۲۰۲۲ زیل کھی دبئے گا:

$$\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

 \vec{F} جب کات وی برگاڑیا دباوبرگاڑے، \vec{F} لاگوقت \vec{F} کی ت در ، A وہ رقب عبودی تراش ہے جس پر قوت \vec{F} کی ت در ، $\Delta L/L$ اعتماری عبود دردار) عسل کرتی ہے ، اور \vec{F} جم کا مقباری پڑگھے ہے۔ جب را F/A ہوگا۔

staticequilibrium 17

> قیز کی جب جسم جبر قینج کے زیراڑ ہو، مساوات ۲۰۲۲ ذیل کھی حبائے گی:

$$\frac{F}{A} = G \frac{\Delta x}{L}$$

جہاں $\Delta x / L$ جم کا بگاڑ تینی ہے، Δx لاگو توت \vec{F} کے رخ (جیب شکل 11b.12 مسیں دکھیا گیا ہے) جم کے ایک جہاں کے ایک جہاں کا بھاڑ تینی ہے۔ جب رہ F/A ہوگا۔

ما قوائی جبر جب تت م اطسران ہے سیال کادباو جسم پر ما قوائی دباو ڈالت اہو، مساوات ۲۲٫۲۲ ذیل کھی حب ئے گی:

$$p = B \frac{\Delta V}{V}$$

جہاں جم پرسیال کی وجب سے دباو (ماتوائی جبر) p ہے، بگاڑ $\Delta V/V$ جم کے حجب مسیں p کی ہدوات مطاق کسری تسبدیلی ہے، اور B جم کا مقیار ہے تھم ہے۔

سوالا ____

سوال ۱۰: سلاخ کا ایک سر دیوار کے ساتھ چولدار ہے ، جب سلاخ کادوسسرا سررتی ہے باندھ اگیا ہے (شکل 15.12) کھے کر حساب کیے بغیب ردی گئی تین صور توں کی در حب بندی (۱) رتبی سے سلاخ پر قوت، (ب) سلاخ پر چول کے انتصابی قوت، اور (ج) چول سے سلاخ پر افتی قوت کی وقید رکے لحساظ ہے ، اعظم قیمت اول رکھ کر ، کریں۔

سوال ۱۹.۲: استوار شبهتیر دوستون پر رکھ گیا ہے جو زمسین مسیں دھنے ہوئے ہیں (مشکل 16.12)۔ بجساری تجوری چھ مختلف مصامات پرباری باری رکھی حباتی ہے۔ شبهتیر کی کیت نظسر انداز کریں۔ (ا)ستون A پرزیادہ سے زیادہ داب اول رکھ کر اور زیادہ سے زیادہ تان آ حسر مسیں رکھ کر، ان مصامات کی در حب بسندی کریں، اور وہ مصام (اگر موجود ہو) معسلوم کریں جو ستون پر صفسر قوت دیگا۔ (ب)ستون B پر قوت کے لیے ظاسے ان مصامات کی در حب بسندی کریں۔

سوال ۱۲.۳: گومتے ہوئے یک و صبر ص، جو بلار گڑ ف سر سٹ پر پھسل کر حسر کت کر تا ہے، کے فعن اُن حب اُنزہ سٹکل 17.12 مسیں پیشن ہیں۔ ہرایک و سعر ص پر ۶ ، 12 ، اور 3F و سدر کی تین قوتیں حب کر پر ، یاوسط پر ، اور یا چکا اور وسط کے نصف و نصلے پر ، عمس کی کرتی ہیں۔ قوت سمتیات و سسر ص کے ساتھ ساتھ گھومتے ہیں ، اور سٹکل 17.12 مسیں ان کالمحاتی رخ دائیں یا بائیں ہے۔ کون کون نے و سر ص تو ازن مسیں ہیں ؟

سوال ۱۹.۳: ایک سیڑھی بلار گڑ دیوار کے ساتھ ٹیک لگاکر کھٹڑی ہے، جبکہ منسرسٹس کی رگڑی قوت اسس کو پھسل کر گرنے تے ہوں۔ بتائیں درج ذیل مسین کر گرنے نے روئتی ہے۔ منسرض کریں آپ سیڑھی کے پلیندا کو دیوار کے متسریب لاتے ہیں۔ بتائیں درج ذیل مسین کون متدر کے لحاظ ہے بڑھتا ہے، یاوئی رہتا ہے؟ (۱) منسرسٹس سے سیڑھی پر انتصابی قوت، (ب) دیوار سے سیڑھی پر قوت، (ج) منسرسٹس کی سیڑھی پر سکونی رگڑی قوت، اور (د) سکونی رگڑی قوت کی زیادہ سے زیادہ قیمت بلید ترج کے۔

سوال ۲۰۵۵: پار کھاوٹا پر ندے شکل 18.12 مسیں تین بلا کمیت سلاخوں سے لینے وکھائے گئے ہیں۔ تمام سلاخ افتی ہیں۔ ہم ہیں۔ ہر سلاخ ڈور سے لینٹی ہے جو سلاخ کے بائیں سسر سے ایک چوکھتائی وضاصلے پر باندھی گئی ہے۔ اگر پر ندہ 1 کی کمیت میں اور کی پر ندہ 2 کی کمیت کسیاہو گی؟ $m_1 = 48 \,\mathrm{kg}$

سوال ۲۰۱۱: یکسال ڈنڈا، جس پر حپار قوت عمسل کرتی ہیں، کافصنائی حبائزہ شکل 19.12 مسیں پیش ہے۔ منسر ض کریں ہم محور گرسی ہیں۔ کی افعان کریں ہم محور گرسی ہیں۔ کی آقت مسروڑ تو ازن مسیں ہیں۔ کی آقت مسروڑ تعان مسیں ہوں گی اگر ہم محور گھساو(۱) نقط A پر (ڈنڈے پر)، (ب) نقط B پر (ڈنڈے کی سیدھ مسیں)، (ج) نقط C پر افتان مسیں ہوں گی ایک حبان ہیں۔ کی انقط کی کرائی نقط C پر قوت مسروڑ تو ازن مسیں نہیں ہیں۔ کی کو نقط ایس ہوں گی جس کروڑ تو ازن مسیں نہیں ہیں۔ کی کو نقط ایس ہوں گی جس کو گو نقط ہیں۔ کی ایک حسان میں ہوں گی جس کروڑ تو ازن مسیں ہوں گی جس کو کہ نقط ہیں۔ کی ایک حسان ہوں گی کو کہ سوٹر تو ازن مسیں ہوں گی جس کی نقط کی کروٹر کی نقط کی کروٹر کو ازن مسیں ہوں گی کو کروٹر کی نقط کی کروٹر کی کروٹر کی کی کروٹر کروٹر کی کو کروٹر کی کروٹر کی کروٹر کروٹر کی کروٹر کروٹر کی کروٹر کروٹر کروٹر کی کروٹر کی کروٹر کر

سوال ۱۹۸۸: تین کھلونے بلا کی۔ جبر تقلیل اور ڈور کے نظام سے لیکے ہیں (مشکل 21.12)۔ ایک ڈور چھت سے لئک کر دائیں جب تقلیل ہے ہوکر آخٹ کا بائیں ہاتھ تحیلے حب تقلیل پر اختتام پذیر ہوتی ہے۔ جب تقلیل کے گر دؤور آدھ سال کے کہ کہ جب کہ تقلیل سے ، لئکائے گئے ہیں۔ دو کھلونوں کا وزن حیکر کسٹی ہے۔ دیگر چھوٹی ڈور سے حب تقلیل ہے، لئکائے گئے ہیں۔ دو کھلونوں کا وزن دیا گئے ہے۔ (اٹ ایک جب شقیل ہے۔ (ا) تیسرے کھلونے کا وزن کیا ہے؟ (اٹ ارہ: جب ڈور ایک حبر تقلیل کے گرد آدھ حیکر کائے، حب تقلیل پر ڈور کی تان کی دگی تو سے عمل کرتی ہے۔)(ب)ہئیں ہاتھ چھوٹی ڈور، جس کی نشاندہی T سے کی گئے ہے، مسیں تان کتن ہے؟

سوال ۲۰۹: انتصابی سلاخ کا محیلا سر چول دار ہے جبکہ اسس کا بالا سر رسی سے سندھ ہوا ہے (شکل 22.12)۔ سلاخ پرافتی قوت بہ آئی ہے۔ قوت لاگو کرنے کا نقط بلند کرنے سے کسیار سی مسیں تان بڑھتی ہے، گھشتی ہے، پاتسہ مل نہیں ہوتی؟

سوال ۲۰۱۰: افتی سل دور تیوں ، A اور B ، سے لسٹی ہے (شکل 23.12)۔ ماسوائے ابت دائی لمب نیوں کے ، رئیاں مت ثل A بیں۔ رتی A کے لحی ظرے سل کا مسر کز کمیت B کے زیادہ قسیر ہے۔ (۱) سل کے مسر کز کمیت پر تو سے مسروڑ ناچ ہوئے کہ A کی تو سے مسروڑ کی قسید رسے زیادہ ہوگی ، کم ہوگی ، یااس کے برابر ہوگی ؟ (بر ہوگی ؟ (بر ہوگی ؟ کی ابت دائی لمب ائی الر ہے ، کس رتی کی ابت دائی لمب ائی الر کا دی تو تالی کے قبل کم تھی ؟ (ج) اگر اس وقت رئیوں کی لمب ائی الر بر ہے ، کس رتی کی ابت دائی لمب ائی لاکانے ہے قبل) کم تھی ؟

سوال ۱۰.۱۱: ویل حبدول مسین تین سلاخوں کی ابت دائی لمبائیاں اور سلاخوں کے سسر پر قوت لاگو کرنے کے بعسہ للمب یکوں لمب یکوں مسین شبدیلی پیش ہے۔ بگاڑ کے لحباظ ہے، اعظم قیمت اول رکھ کر، سلاخوں کی درجب ببندی کریں۔

لهبائىمسىن تسبديلى	ابت دائی لمب ائی	
ΔL_0	$2L_0$	سلاخ A
$2\Delta L_0$	$4L_0$	سلاخ B
$4\Delta L_0$	$10L_{0}$	سلاخ C

٣٠٣. پيك

سوال ۱۰.۱۲: سے جب ر ثقتیل شکل 24.12 میں دکھنے گئے ہیں۔ ایک لجی رسی تمام حب ر ثقتیل کے گرد کسپی کی عب اوہ تمام وزن (نیوٹن میں) ہے، جبکہ چھوٹی رسیاں حب ر ثقتیل کوچھت سے یاوزن کو حب ر ثقتیل سے لئے تابی۔ ایک کے عب اوہ تمام وزن کتنا ہے؟ (اشارہ: جب رسی حب ر ثقتیل کے گرد نصف دائرہ کسپی ہو، حب ر ثقتیل پر قوت رسی کے سناو کو گئی ہو، کہ بین تان کتنی ہے؟ کے سناو کو گئی ہو گئی ہو گئی ہے، مسین تان کتنی ہے؟

سوالا ____

توازن

سوال ۲۰۱۱: روز مسرہ اجبام کی پوری جسامت پر g اتن معولی تبدیل ہوتا ہے کہ کی بھی جم کا مسرکز کیت اور مسرکز گئیت تصور کیا جسام تا ہے۔ آئیں ایک فسنرضی مثال لیت ہیں جہاں g زیادہ تبدیل ہوتا ہو۔ شکل 25.12 مسیں چھ ذرب دو قط رمسیں ، بلا کیت سافوں کے ڈھٹ نچ پر جبگزا گیا ہے۔ ہر ذرب کی کیت m ہے۔ کسنار بر بر حب ذرب کی کیت m ہے۔ کسنار بر بر تب ہوزر کی قیاب سامت میں اور تا ہو تا ہو جہ دوروں نظ م سے دول ہر ذرب کے مقتام پر g کی قیمت x اور y کی معت ہو جہ دری نظ م استعمال کر کے چھ ذروی نظ م کے مسرکز کتن کا (ا) x محدد مرزئیت x اور y محدد مرزئیت y مسرکز کتن کا (خ) x محدد مرزئیت x اور y محدد مرزئیت کی مسرکز کتن کا (خ) x مصدد مرزئیت کی مسرکز کتن کا (خ) x مصدد مرزئیت کی مسرکز کتن کا (خ) x مسرکز کتن کا رہی کے مسرکز کتن کا رہی کی کی مسرکز کتن کا رہی کہ کہ دوروں نظ م کے مسرکز کتن کا رہی کہ مسرکز کتن کا رہی کی کریں۔

8	ذره	g	ذره
7.40	4	8.00	1
7.60	5	7.80	2
7.80	6	7.60	3

سکونی توازن کی چیند مثالیں

سوال ۱۹.۲: ایک گاڑی، جس کی کیت 1360 kg ہے، کے انگلے اور پچلے دھسروں کے نی m 3.05 سناصلہ ہے۔ مسرکز کمیت انگلے دھسرے سے 1.78 سیواز مسین پر کھسٹری گاڑی کے(۱) انگلے پہیے پر اور (ب) پچھلے پہیے پر زمسین سے کتی قوت پڑتی ہے؟

موال ۱۹.۳: کیک کرہ، جس کی کمیت $m=0.85\,\mathrm{kg}$ اور دانسس $r=4.2\,\mathrm{cm}$ اور دانسس $m=0.85\,\mathrm{kg}$ جب برا کمیت رستی ہے دیوار کے ساتھ ہندھ ہے۔(۱) کہ میں مسئل 26.12ک کرم کے مسرکز کمیت ہے $L=8.0\,\mathrm{cm}$ بہندی پر رستی دیوار ہے ہندھی ہے۔(۱) رستی مسئیں شناواور (ب) دیوار ہے کرم پر قوت تلامش کریں۔

سوال ۲۰،۴: کمسان کو وسطی نقط ہے تھینی حب تا ہے حتٰی کہ شب رانداز کی قویں اور ڈور مسیس تان برابر ہوں۔ ڈور کے دو حصول مسین زاویہ کسیاہو گا؟

سوال ۲۰۵: بلا کمیت رسی دو نقطوں کے نی آفتی باند ھی حباتی ہے۔ ان نقطوں کے نی مناصلہ 3.44 m ہے۔ رسی کے وسط سے 3160 N وزن لئكانے سے ، رسى 35.0 cm جسكتى ہے ۔ رسى مسين تان كيا ہے؟

سوال ۲۰۲۱: ایک باڑ، جس کی کمیت 60 kg اور لمبائی 5.0 m ہے، کوافتی حیالت مسیں باڑے سریر بندھی انتصابی رسّیاں رکھتی ہیں۔ یار کے ایک سسرے m 1.5 سن صلے پر 80 kg کا شخص کھٹڑاہے۔(ا) متسرین رسّی اور (ب) دور رستی مسیں تان معلوم کریں۔

سوال ٧٠٤: ایک شخص، جس کی کمیت 75 kg ہے، 10 kg کمیت کی 5.0 m کبی سیڑھی استعال کرتا ے۔ سیڑھی کا ایک سر دیوارے m 2.5 مناصلے یر اور دوسرا بلار گڑ دیوار کے ساتھ جوڑ کر، شخص سیڑھی حسیڑھت ہے۔(۱) سیڑھی کی دیوار پر قوت اور (ب) زمسین کی سیڑھی پر قوت کی ت در کیا ہے، اور (ج) افق کے ساتھ سیڑھی پر

سوال ۲۰۸۷: متوازن ہنڈولے پر بیٹھے گٹنتی داربچوں کاوزن (نیوٹن مسین) شکل 27.12مسیں پیشس ہے۔ چول f پر (۱)صفحہ ے باہر رخ اور (ب)صفحہ کے اندر رخ محور پر کو نب بجے سب سے بڑی قوت مسر وڑپ داکر تاہے؟'

سوال ۲۰۹۹: افتی میٹر مسطر تلوار کی دھاریر ۱۵ 50.0 cm کی نشان پر توازن مسیں ہے۔ 12.0 cm نشان پر دو کے، جن کی انفسرادی کمیت و 5.00 ج، رکھنے سے مطسر 45.5 cm نشان پر توازن اختیار کر تاہے۔میٹر منظسر کی کمیت تلاحش

سوال ۱۰.۱۰: سنگل 28.12 کا نظام توازن میں ہے، اور درمیانی ڈور افتی ہے۔ سل A کا وزن B کا وزن B کا وزن

سوال ۲۰۱۱: ایک غوط باز، جس کاوزن 780 N بے، $L = 4.5 \, \mathrm{m}$ کے بارکیت تخت غوط پر کھٹڑا ہے۔ تخت دوتیک سے جوڑا گیاہے، جن کے چن مناصلہ علی اللہ اللہ اللہ اللہ علی تاب کی قوت (۱) کی تعدر اور (پ رخ (اوپریا نیچ) کپ بین ؟ تختیر دائیں تیک کی قوت (ج) کی ت در اور (د) رخ کپ بین ؟ (ه) کونت تیک (بایان یادائیں) کھنے حب رہاہے،اور (و) کون تیک دباحب ارہاہے؟

سوال ۲۰.۱۲: کیمپٹر مسیں چینسی گاڑی کو نکالنے کے لئے ایک شخص گاڑی کا اگلا حصہ رسی کے ذریعیہ سامنے m 18 رور تھمبے کے ب تھ باندھ کرر تنی کووسطی نقطے ہے 550 N قوت کے باتھ پہلو کی طسرن کھنیت ہے (شکل 30.12)۔ رسی کاوسطی نقطہ اپنی جگے ہے 0.30 m دور ہٹتا ہے، تاہم گاڑی ٹس سے مسں نہیں ہوتی۔ رسّی سے گاڑی پر قویب کی ت در کیا ہے؟ (رسی کھنچ کر لمبی ہوتی ہے۔)

سوال ۱۳.۱۳: مشکل 31.12 مسیں ٹانگ کے نحلے حصہ اور ہاوں کی اندرونی ساخت پیش ہے۔ پنجوں پر کھٹڑا ہونے کے $a=5.0\,\mathrm{cm}$ یر مسین سے اٹھائی حباتی ہے اور زمسین کویاوں، عملاً، نقطہ P پر مسس کر تاہے۔ منسر ض کریں $b=15\,\mathrm{cm}$ ،اور شخص کاوزن $W=900\,\mathrm{N}$ ہے۔نقط ہے پینڈیا کے عصٰ انہ کی قوت (۱) کی ت دراور (ب)رخ (اویریاینچ)کسیامیں؟اسس نقط پر پینڈلی کیڈی کی قوت (ج) کی ت دراور (د) رخ (اویریاینچ)کسیامیں؟

سوال ۱۰/۲: افتی کیساں پاڑ، جس کی لمبائی m 2.0 m اور کمیت 50.0 kg ہے، عمسارت سے دور توں کے ذریعے لٹکا ہے (شکل 32.12) باڑیر گارنگ وروغن کے ڈیے رکھ گئے ہیں۔ان ڈبول کی محبوعی کمیت 75.0 kg ہے۔ دائیں رسی مسیں

meterstick12

٣٠٥ ____

تناو 722 N ہے۔ رنگ کے ڈبول کامسر کز کمیت اسس رہتی سے کتنے افقی مناصلے پرہے؟

 \vec{F}_{1} واور \vec{F}_{2} ، اور \vec{F}_{3} ایک وُها نِچ پر ، جس کافصن کی حبائزہ شکل 33.12 میں پیش ہے، عمل \vec{F}_{2} ، اور \vec{F}_{3} ، اور \vec{F}_{3} ، اور \vec{F}_{3} ایک وُها نِچ پر ، جس کافصن کی حب رائل کو کرتے ہیں۔ چو کھی قوت کا افتی حب راؤ و \vec{F}_{h} ، \vec{F}_{1} = $20\,\mathrm{N}$ ، $c=1.0\,\mathrm{m}$ ، $b=3.0\,\mathrm{m}$ ، $a=2.0\,\mathrm{m}$ ، $a=20\,\mathrm{m}$ ، a=20

سوال ۲۰۱۷: کھیسے کیساں پیٹی، جس کاضلع 0.750 m اور وزن N 500 ہے، منسر سٹس پر انتہائی چھوٹی اکٹر کاوٹ کے ساتھ مس پڑی ہے۔ منسر سٹس سے کتنے کم سے کم بلت دی پر 350 N افقی قوت لاگو کر کے چیش پلٹی جس سکتی ہے؟

سوال ۱۹۱۷: ایک شہر میں کا وزن N 500 اور لمب ائی سا 3.0 سے ، افقی لؤکا ہے (مشکل 34.12)۔ اسس حبابایاں سر چول دار ہے اور دایاں سر رسی سے باندھ گیا ہے۔ رسی کا دو سر اسر چول سے D بلندی پر دیوار مسیں گئے وت بلے متابا در اللہ سے اندھ گیا ہے۔ رسی المبندی پر فیٹ نیادہ سے زیادہ کا 1200 سن و پر داشت کر سستی ہے۔ (ا) D کو کوئی قیمت رسی مسیں است است قیمت سے بڑھانی ہوگیا گھٹانی ہوگی کے سے بڑھانے ہوگیا گھٹانی ہوگیا ہوگیا گھٹانی ہوگیا ہوگیا ہوگیا ہوگیا ہوگیا ہوگی ہوگیا ہو

وال ۱۰:۱۰: افقی پاڑ 2 ، جس کی یکساں کیت $m_2 = 30.0 \, \mathrm{kg}$ اور لب بن کا $m_2 = 2.00 \, \mathrm{m}$ وال ۱۰:۱۰: افقی پاڑ 2 ، جس کی یکساں کیت $m_1 = 50.0 \, \mathrm{kg}$ ورشک کی یکساں کیت $m_1 = 50.0 \, \mathrm{kg}$ ورشک کی یکساں کی برائی کی بھر کی گئر کی گئر کی گئر کی کئر کی لائل کی بھرکر کی گئر کی گئر کی گئر کی کئر

موال ۱۹۱۹: سروتا کی مدد ہے احضروٹ توڑنے کے لئے احضروٹ کے چھلکا پر دونوں حبانب ہے $10\,\mathrm{N}$ توت در کار ہوتا کے در کار میں 36.12 میں چیش سروتا کے در کار $L=12\,\mathrm{cm}$ اور $L=12\,\mathrm{cm}$ ہے۔ سروتا کے در سے پر در کار عصود دار توت F_\perp تلاشش کریں۔

سوال ۱۲.۲۰: ایک کھلاڑی $M = 7.2 \, \mathrm{kg}$ گیندہ ہاتھ مسیں پکڑے ہوئے ہے (شکل 37.12)۔ اوپر کی بازوانق ابی ہے اور نحیل بازو، جس کی کمیت $M = 1.8 \, \mathrm{kg}$ ہوگئی ہوئے ہوئے ہوئے کہ تحت کی تحدر کے ہوگئی (ب) کو پیل بازو پر اوپر کی بازو پر اوپر کی با

سوال ۱۹۰۲: 'مشکل 38.12 میں نظام توازن مسیں ہے۔ کا نگریٹ سل، جس کی کمیت 38.12 ہے، یکساں بازوے لاک رہی ہے، جس کی کمیت 45.0 kg ہے۔ ایک رہی ہے، جس کی کمیت $\phi = 45.0$ ہوگئے کر، سل کو پکڑ کر کمی کہ کہت ہے۔ زاوی $\phi = 45.0$ ہوگئے کے ایک اور شمن سے بازو پر قوت کا (ب) افتی مسین سن او $\phi = 30.0$ ہوگا؛ اور جی انتہائی حب زوکیا ہوگا؛

(ج) حبزوااور (د) حبزوب کے نتائج کو کیا ہوگا؟

سوال ۱۲۳: کیساں شہستیر، جس کاوزن N 222 ہے، کاایک سرچول دارہے؛ اسس کا دوسسراسسررتی کے ذریعہ دیوارہے باندھا گیاہے۔ دیوار اور شہستیر دونوں کے ساتھ رتی زاویہ 30.0° و میں باندھا گیاہے۔ دیوار اور شہستیر پرچول کی قوے کا (ب) افتی اور (ج) انتصابی حسین تان، اور شہستیر پرچول کی قوے کا (ب) افتی اور (ج) انتصابی حسین تان، اور شہستیر پرچول کی قوے کا (ب) افتی اور (ج) انتصابی حسین تان، اور شہستیر پرچول کی قوے کا

سوال ۱۹.۲۴: چیٹان پییا، جس کاوزن $533.8\,\mathrm{N}$ ہے، کورتی تشام کررکھے ہوئے ہے، جو لیسیٹن کٹڈا کے گزر کر اسس کے کولیا پی سے بندھی ہے (شکل 41.12)۔ رسی کی قوی کا خط عمسل چیٹان پییا کے مسر کز کمیت ہے گزر تا ہے۔ شکل مسین $\theta=40.0^\circ$ اور $\theta=40.0^\circ$ ہے۔ اگر اسس کے پاول پھسلنے کے دہانے پر ہوں، جو توں اور پھسر کے بی سکو گرگڑ کا مستقل کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسرے بی سکو گرگڑ کا مستقل کے بہائے گرائش کے بہائے گرائش کے بہائے کے بہائے کے بہائے پر ہوں، جو توں اور پھسرے بی سکو گرگڑ کا مستقل کے بہائے گرائش کے بہائے کے بہائے کر بہائے کے بہائے کے بہائے کے بہائے کے بہائے کے بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کے بہائے کے بہائے کر بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کے بہائے کے بہائے کے بہائے کر بہائے کے بہائے کے بہائے کہ بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کہ بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے کے بہائے کہ بہائے

سوال ۱۲.۲۵: شکل 42.12 میں پہیے کو سیز ھی پر میٹر ھانے کے لئے پہیے کے دھسرے پر افقی توت \vec{F} کی ت در کت ہوگی؟ سیز ھی کی بلندی $n = 0.800 \, \mathrm{kg}$ ہوگی؟ سیز ھی کی بلندی میں کاردانس $n = 0.800 \, \mathrm{kg}$ ہے۔

موال ۲۰۲۷: ایک شخص بلار گزبرف کی انتصافی دیوار کے ساتھ جھک کر کھٹڑا ہے (شکل 43.12)۔ شکل مسین a=1 موال ۲۰۲۷: ایک مسین کے ساتھ جھک کر کھیٹ کے d=0.940 m مناصلے پر ہے۔ اگروہ پھسلنے ک دہانے پر ہو، زمسین اور یاوں کے بچاسکونی رگز کا مستقل کے ہوگا؟

 $- 2.5 \, \mathrm{cm}$ جسر تقتیل نظام ہے $- 15 \, \mathrm{kg}$ سل اٹھائی گئی ہے (شکل 43.12)۔ شخص کااوپری بازوانتھ آبی اور نحیا ابازووافق کے ساتھ $- 30 \, \mathrm{kg}$ ہن پر $- 2.0 \, \mathrm{kg}$ ہن کہ ہن اور اس کا مسر کز کمیت کو بخی پر بازواور ہاتھ کی مجسو تی کمیت $- 2.0 \, \mathrm{kg}$ ہن پر رہازو کا بچھ اپٹھ نخیلے بازو کو نقط میں سے پیچھے پڑیوں کے نقط ہت سس سے پیچھے بڑیوں کے نقط ہت سس سے پیچھے میں مسل پر انتقب ابی اوپر کھنچ ہیں ہے۔ شکل مسین $- 35 \, \mathrm{cm}$ میں کا قوت (۱) کی میں میں کئی تو سے بی کی قوت (۱) کی میں میں کئی کے بازو پر اوپر کی بازو پر اوپری بازو پر اوپری بازو کی ہڑی کی قوت (رہی کی میں کا دوپر اوپری بازو پر اوپری بازو کی ہڑی کی قوت (دوپر (در) رُخ (اوپریا نیچے) کے بی بی کا تھی کے ایک میں کا میں کا کہ کی کھنے کے ایک کی تو سے دوپر کے کا میں کئی کے کہ کہ کی کہ کی کو سے دوپر کے کا میں کئی کے کہ کہ کہ کی کھنے کے کہ کہ کی کہ کی کہ کہ کی کہ کی کی تو سے دوپر کے کہ کی کہ کی کہ کی کو سے دوپر کی کی کھنے کے کہ کہ کی کی کہ کی کہ کی کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کھنے کے کہ کے کہ کو کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کی کھنے کے کہ کی کہ کی کھنے کی کہ کی کھنے کی کہ کو کی کہ کی کہ کی کہ کی کھنے کی کہ کر کر کی کہ کر کی کہ کی کہ کی کہ کی کہ کو کی کی کہ کی کہ کی کہ کر کی کہ کر کے کہ کی کہ کی کہ کی کہ کو کھنے کے کہ کی کھنے کی کہ کو کھنے کی کہ کے کہ کی کہ کی کھنے کے کہ کے کہ کی کھنے کی کہ کر کھنے کی کہ کر کھنے کی کہ کر کے کہ کی کھنے کی کھنے کر کے کہ کر کی کر کے کہ کر کر کے کہ کر کر کے کہ کی کر کر کر کے کر کے کر کر کے کہ کر کے کر کے کہ کر کے کر کے کہ کر کر

سوال ۲۰۲۸: سنگل 45.12 مسین یک ال شهر شهر کی لمب کی $L=3.00\,\mathrm{m}$ وزن $W=300\,\mathrm{N}$ واور زاوی $W=300\,\mathrm{N}$ وزن $W=300\,\mathrm{N}$ وزن $W=30.0^\circ$ $W=30.0^\circ$ به وزن $W=300\,\mathrm{N}$ وزن $W=30.0^\circ$ تن و برداشت کر سکتی $W=300\,\mathrm{N}$ کی اس زیادہ نے کے لئے $W=300\,\mathrm{N}$ کی اس زیادہ نے زیادہ پر ہو، چول سے شہر شہر پر تو را کی افتی میں خوادر (ج) انتصابی حبز و کے بیادہ گا؟

 $0.91 \, \mathrm{m}$ سوال $0.91 \, \mathrm{m}$ اونحی کی اونحی کی انتصابی محور y کے ہمسراہ z اور چوڑائی، افتی محور z کے ہمسراہ z اور جوڑائی، افتی محور z کی آدھی آدھی کیست اٹھاتے z اور دروازے کے بالا سسرے z z کی کیست اٹھاتے z اور دروازے کی کمیست z کی کمیست رقیم مسین دروازے پر (۱) بالاچول اور z کی کمیست کی کمیست کی کمیست کی کمیست کی کمیست کی کمیست کریں۔

سوال ۱۹.۳۰: کیس چوکور شختی، جس کا صلع $L=2.00\,\mathrm{m}$ اور کیت $50.0\,\mathrm{kg}$ ہے، بلا کیت افتی سلاخ، جس کی لب بنی سے ساخ کی ہے۔ سلاخ کے سرے رسی، چول ہے $d_v=4.00\,\mathrm{m}$ بلند نقط کی بردیوارے باند ھی گئی ہے۔ (ا)رسی مسین تان تلاشش کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے افتی حبزو(ب) کی وقدر اور (ج)رئی وزیراے بی الاسٹ کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے انتھا بی جبزو(د) کی مسین تان مسئ کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے انتھابی حبزو(د) کی مسین تان مسئن کریں۔ دیوارے سلاخ پر قوت کے انتھابی حبزو(د) کی مسین اور کیں اسٹ کریں۔

سوال ۲۰۳۱: عنب ریکساں سلاخ دوبلا کیت رسیوں ہے افتی لاکا ہو ہے (شکل 47.12)۔ ایک رسی انتف ہے کے ساتھ 96.0% و اور بہناتی ہے۔ اگر سلاخ کی المسائی 86.0% و 10 ہے۔ اگر سلاخ کی المسائی

٣٠٤ پ<u>ک</u>

ہو، سان کے مسر کز کمیت ہے بائیں سسر کان اصلہ x تلا سش کریں۔ $L=6.10~{
m m}$

سوال ۱۹۳۲: ایک ڈرائیور افقی سٹرک پر چیلتے ہوئے ہنگامی بریک لگاتا ہے (سٹکل 48.12)۔گاڑی کے حپاروں جب کو بست پیپے سٹرک پر پیسلتے ہیں۔ سٹرک اور پہسیوں کے بی حسری رگز کا مستقل 0.40 ہے۔ اگلے اور پیچھا دھروں کے بی ونسلہ $L=4.2\,\mathrm{m}$ ہنگامی کا مسرکز کیت اگلے دھرے ہے $d=1.8\,\mathrm{m}$ ورسٹرک سے کا فی ونسلہ $L=4.2\,\mathrm{m}$ ہور کا کی کا مسرکز کیت اگلے دھرے کے اسراع کی وقدر، (ب) پیچھا ایک پیپے پر انتصابی قوت کی وقدر، (ور) انگھا ایک پیپے پر انتصابی قوت کی وقدر، (ور) انگھا ایک پیپے پر قوت روک کی وقدر، اور (ور) انگلے ایک پیپے پر قوت روک کی وقدر، اور (ور) انگلے ایک پیپے پر قوت روک کی وقدر، اور (ور) انگلے میں خرور ہے۔)

سوال ۱۹.۳۳: انتصابی یکساں شہرسیر، جس کی لمب اُئی L ہے، کانحپلا سرچول دار ہے (شکل 49a. 12)۔ نحپلے سرے F_a سناقی قوت F_a شہرسیر پر لاگو کی حباتی ہے۔ شہرسیر کا بالا سرر سی ہے باندھ ابوا ہے، جو افق کے ساتھ زاویہ θ بن تی کا بدولت، لاگو قوت کے باوجود، شہرسیر سیدھ کھٹرارہت ہے۔ شکل 49b. 12 مسیر سی کا بدولت کی باوجود، شہرسیر سیدھ کھٹرارہت ہے۔ شکل $T_s = 600 \, \mathrm{N}$ ترسیم کمیا گیا ہے۔ محور T کاپتیا نہ $T_s = 600 \, \mathrm{N}$ ترسیم کی گئی ہے۔ (۱) سیر پول سے شہرسیر پر افقی قوت کی متدر T_a بالقابل T_a کی گئی ہے۔ (۱) میں جول سے شہرسیر پر افقی قوت کی متدر T_a بالقابل T_a کی گئی ہے۔ (۱) راویہ T_a کی کامیدر تلاش کریں۔

موال ۱۳۳۳: سنگل 45.12 مسیں پتلی افتی سیاخ AB، جس کی لمب ٹی L اور وزن مت بل نظر انداز ہے، انتصابی دیوار کے ساتھ نقطہ A پرچول دار بسنایا گیا ہے۔ سیاخ کادو سرا سر پتلی رتی B کے ذریعہ، جو افتی کے ساتھ زاویہ θ بسن تی ہے، نقطہ θ باندھ گیا ہے۔ سیاخ پر W وزن کی سل کہیں بھی رکھی جب سکتی ہے۔ دیوار سے سل کے مسر کز کمیت تک و ناصلہ x لیا جب زواور (ج) مسیں تان، اور چول کا سیاخ پر قوت کا (ب) افتی حب زواور (ج) انتھ بی حب زو بطور تف عال x معلوم کریں۔

سوال ۱۰۳۵: ریسے سے جسرے تعبی ڈیے کاوزن N 890 ہے۔ اسسے ایک بالاکٹارے پر افقی و کھیل ہے ہم ڈیے کو پلٹٹ حیاج ہیں۔ (۱) کتنی کم سے کم قوت در کار ہوگی؟ (ب) منسرسٹس اور ڈیے کے نیج کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کت در کار ہے؟ (ج) اگر ڈب بلٹنے کازیادہ موثر طسریقہ موجود ہو، ڈیے پر بلاواسطہ کتنی کم سے کم قوت در کار ہوگی؟ (امشارہ: عسین بلٹتے وقت، عسودی قوت کامت ام کیا ہوگا؟)

سوال ۱۹۳۷: چےنان پیپ، جس کی کمیت $70 \, \mathrm{kg}$ ہو ہے، مشکل 50.12 مسیں ایک ہاتھ کی انگلیوں کے پورے لگ رہا ہے ۔ اسس کے پاوں کوئی سہدارامہیا کیے بغیر، $H = 2.0 \, \mathrm{m}$ نیسے کامسر کز کمیت دیوارے $a = 0.20 \, \mathrm{m}$ ویوارے $a = 0.20 \, \mathrm{m}$ من میں ہاتھ کی حپاروں انگلیوں پر برابر قوت پائی حباتی ہے۔ (ز) ایک انگلی پر قوت کا (ز) ایک انگلی جہزوں F_{h} کہا ہوگا؟

 $h=3.05\,\mathrm{m}$ اوروزن $L=6.10\,\mathrm{m}$ اوروزن $L=6.10\,\mathrm{m}$ کیاں تخت، جس کی لب کی الہ کی الہ الہ در اور نازن الہ کا کہ بین پرر کھ کر $\theta\geq 70^\circ$ کے لئے توازن بہت در اور کے سرپر نصب بیسرم کے ساتھ کھٹراکیا گیا ہے (شکل 51.12)۔ تخت 0<0 کے لئے توازن مسین رہت ہے تاہم 0<0>0 کی رپھیا تا ہے۔ زمسین اور تختے کے پیکسکوئی اگر کا مستقل تلاشش کریں۔

سوال ۱۹۳۸: یکساں شہستیر A اور B دیوار کے ساتھ چول سے منسکک، اور آپس مسیں ڈھیلے متا بلے سے حبیر سوال ۱۹۳۸: شہستیر دوسسرے پر قوت مسروڑلا گونہیں کرسکتا)۔ شہستیر A کی لیسائی $L_A = 2.40 \, \mathrm{m}$ اور کمیت

۲۰۸

 $d=1.80\,\mathrm{m}$ ہے۔ $d=68.0\,\mathrm{kg}$ ہے۔ $d=68.0\,\mathrm{kg$

سوال ۱۹۳۹: شکل 53.12 مسیں گلسہ بلواستعال کی سیڑھی دکھائی گئی ہے۔ AC اور CE کی لمبائیاں 2.44 m میں اور ان کے بڑی کے ۔ 4C میں گلسہ کی گئی ہے۔ 9.762 m بین اور ان کے بڑی کے ۔ فضب کی گئی ہے۔ ایک فخص، جس کا فوزن 854 N ہے، سیڑھی کے جمسراہ 1.80 m پڑھت ہے۔ زمسین بلار گڑاور سیڑھی بلا کیت تصور کریں۔ (اکٹیک سائٹ مسین تان اور زمسین سے سیڑھی پر قوت کی ت در نقط ہم اور E پر تلاسش کریں۔ (اکٹارہ: سیڑھی کے حصے علیحہ د (جبدا) کرکے توازن کی شعر الطابروئے کارلائیں۔)

وال ۱۹.۳۰: شکل 54a.12 میں یک ال افتی شہتیر و کھائی گئی ہے، جس کی کمیت m_b اور لمبائی L ہے۔ شہتیر کا بایاں سے ویوار پر نصب چول ہے جوڑا گیا ہے جبکہ اس کا دایاں سے رسی ہے لئکا ہے، جو افتی کے ساتھ شہتیر کا بایاں سے ویوار پر نصب ہے۔ کل کمیت ناویہ m_p کمیت کا ڈرسے کا ڈرسے کی کا گئی ہے۔ کل کمیت m_b m_b

سوال ۱۹.۳: کعبی کریٹ، جس کا ضلع $1.2 \, \mathrm{m}$ مسین کل (مشین) رکھی گئی ہے۔ کریٹ اور کل کا مسر کز کمیت کریٹ ہوائق ہے جہند می وسط ہے $0.30 \, \mathrm{m}$ مسین کی رمشین) رکھی گئی ہے۔ کریٹ اور کس کا مسر کر کمیٹ میں اور کس کے جہند می وسط ہے $0.30 \, \mathrm{m}$ ہوں کہ بالم میں معتبر میں ہوائی میں المسین کی قیمت میں معتبر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ جس پر کریٹ الٹ اور کریٹ الٹ اور کریٹ کے فی کریٹ الٹ کے گئی میں کا وی کے گئی میں کریٹ الٹ کا مستقل $\mu_s = 0.60$ ہوں کی کمیٹ کریٹ الٹ کے ایک کریٹ المسین کی جس کریٹ کا مسین کریٹ اللہ کا کا پھیلے گا، اور (د) ایس کس زاوی کے لیم پر عسودی قوت کا مصام کہ ہوگا؟)

سوال ۱۹.۴: شکل 7.12 اور اسس سے وابسة نمونی سوال مسین فنسرسش اور سیر هی کے بی سکونی رگڑ کا مستقل 0.53 لیں۔ سیر هی کے ہمسراہ کتن حیثرہ کر شخص سیر هی کو پیسلنے کے دہانے پہنچا تا ہے؟

لي___

 $1200 \, \mathrm{kg}$ حوال ۱۹۳۳: دیوارے $4.8 \, \mathrm{cm}$ قطر کی ساخ افقی $5.3 \, \mathrm{cm}$ باہر نگل ہوئی ہے۔ ساخ کے سرے $4.8 \, \mathrm{cm}$ جم لائکایا گیا ہے۔ سلور کامقیا سس تینج $10^{10} \, \mathrm{Nm}^{-2}$ کی کمیت نظر انداز کریں۔ (۱) ساخ پر جب قینج اور (ب) ساخ کے سر کا جھاہ تلاشش کریں۔

سوال ۱۹.۳۴: سشکل 55.12 مسیں کی مادے کی جب روبگاڑ منحتی پیش کی گئی ہے۔ جب رکے محور کا پیپ نے مقبولی مغبولی مغبولی

سوال ۲۱.۴۵ سنگل 56.12 مسیں بسیان A اور B پراینٹ افقی رکھی گئی ہے۔ بسیان کے بالا سسر کے رفت بول کا تعساق

٣٠٩ يكيــــ

سوال ۲۰۳۱: مکڑے کے حبال کی ڈور کی تخصینی جبر و بگاڑ منحنی شکل 57.12 میں جبر 2.00 تک پیش سوال ۲۰۳۷: مکڑے کے حبال کی ڈور کی تخصینی جبر و بگاڑ منحنی شکل 57.12 میں جبر 2.00 تک پیش $b=0.30\,\mathrm{GN}\,\mathrm{m}^{-2}$ $a=0.12\,\mathrm{GN}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{GN}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{M}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{M}\,\mathrm{m}^{-2}$ $b=0.80\,\mathrm{M}\,\mathrm{m}^{-$

سوال ۱۹.۳: سطخ زمسین سے $d=60\,\mathrm{m}$ گہر رائی پر $d=60\,\mathrm{m}$ بلند، اور $H=7.2\,\mathrm{m}$ بلی در اور $d=60\,\mathrm{m}$ بلید، اور $d=60\,\mathrm{m}$ بلید، اور $d=60\,\mathrm{m}$ بلید، اور ایک اور پر آب کی جہت کی جہت کی جہت کو جو کرر عبوری تراشش کے فولادی ستون کو جہت کی جہت کو چو کرر عبوری تراشش کے فولادی ستون کا عبودی تراشش رقب $g=2.8\,\mathrm{g}$ ہوگا۔ زمسین کی $g=2.8\,\mathrm{g}$ بہراد دیں گے۔ ستون کا عبودی تراشش میں گئیں گے جارت ستون پر دباو جبیر، ستون کی مغلوبی مغبوطی کا نصف رکھنے کے لئے ستونوں کی مغلوبی مغبوطی کا نصف رکھنے کے لئے ستونوں کی تعبد ادکیا ہوگی ؟

سوال ۲۰۴۸: سلور کے تارکی جبر وبگاڑ منحنی شکل 59.12 میں پیش ہے۔ تارکو دونوں اطسران ہے کھنچ کر منحنی حاصل کی گئے۔ جب رکاپیا نے s=7.0 کی اکا نیوں مسیں، رکھا گیا ہے۔ تارکی استدائی کہ جب رکاپیا نے s=7.0 کی اور ابتدائی کہ باک سے s=7.0 کی تارک اور ابتدائی کہ باک سے s=7.0 کی تارک میں s=7.0 کی تارک میں s=7.0 کی تارک میں انہوگا؟ بگاڑ پیدا کرنے کے لئے کتناکام سے رانح بام کرنا ہوگا؟

 $p_{350}Q49$ موال $p_{350}Q49$: شکل $p_{350}Q49$ کا یک شہتیر فولادی تار ، A اور B ، سے لئکاد کھتایا گیا ہے۔ تار A کی اہت دائی لیب نئی ہے a_{30} کی گئی۔ اب تاروں کاروا سس a_{30} کی گئی۔ اب کی ہو کا کہ کہ تارک کی گئی۔ اب کا میں میں میں کا میں میں کہ اور (ب) تارک کی گئی۔ اب کی

سوال ۱۹۵۰: مسکڑے کے حبال کی ڈور کے وسطی نقط پر کسیٹرا بھنا ہوا سٹکل 61.12 مسیں دکھیا گیا ہے۔ ڈور 19.00 مسیں دکھیا گیا ہے۔ ڈور 10.00 مسیں دکھیا گیا ہے۔ ڈور 10.00 مسیں 2.00 cm اور رقب 8.00 × 10 N m⁻² عصودی تراسش 8.00 × 10⁻¹² m² مسیٹرے کے وزن کے زیراثر کھنچ کر لمب ہونے کے دوران ڈور کا حجم سبدیل منہیں ہوتا۔ اگر کسیٹرا ڈور کو ٹوٹنے کے دہانے پنجی ہے، کسیٹرے کی کمیت کسیا ہوگی؟ (مسکڑا حبال یوں بنتا ہے کہ بڑا اور خطرناک کسیٹرا کی میں حبال ٹوٹ حبائے۔)

یر، دھسرے کو عسود دار، قوت \vec{F} لاگو کی حباتی ہے، جس کی تندر N 220 ہے۔(۱)روک A اور (ب)روک B کو دبانے والی قو توں کی متدریں تلاسٹ کریں۔

اضافي سوالاھے

سوال ۱۰٬۵۲ گرنے کے بعد، 95 kg کمیت کا چیٹان پیسا اپنے آپ کورٹی سے لئکا ہواپاتا ہے۔ رسی کی ابت دائی لمب کی m 15 m اور قطسر 9.6 mm فت۔ اب رسی 2.8 cm نیادہ کمی ہے۔ رسی کے لئے (۱) جب ر، (ب) بگاڑ، اور (ج) مقیاسس کیا۔ تلاسش کریں۔

سوال ۱۹.۵۳: سلیٹ کی متطبیل سل، تحتی چنان پر، جو افق کے ستھ $\theta = 26$ و زاویہ بناتا ہے، پڑا ہو ہے $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ (63.12 cm^3) اور موٹائی $0.0 \, \mathrm{cm}^3$) کی گیت $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی کیت $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کے کہا اور محتی چنان کے بھی سون کوئی رگڑی تو کے متدر تلاشش کریں۔ حبزو الور ب کے نتائج سے بخان کی تعلق کے دہانے پر ہے۔ (ا) تحتی چنان کی سطح کو عصود دار ، لیے لیے و بیاوں کی مدد سے سل مستحکم بنایا میں اور شکل $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی جنان کی سطح کو عصود دار ، لیے لیے و بیاوں کی مدد سے سل مستحکم بنایا حباتا ہے (شکل $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی جن کی میں دو و متابلے دکھائے گئی ہیں)۔ و تابلے کار قب عصود کی تراشش $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کے مود دار $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی میں ہوتی۔ $0.0 \, \mathrm{cm}^3$ کی میں ہوتی۔ و تباول کی کم سے کم در کار تعد اد کیا ہے ? تصور کریں و تباول سے عصود دار تو تبدیل نہیں ہوتی۔

سوال ۲۰۵۴: یکساں سیڑھی، جس کی لمبائی m 5.0 اور وزن 400 N ہے، بلار گڑ انتصابی دیوار کے ساتھ ٹیک لگاکر کھسٹری ہے۔ استواز مسین اور سیڑھی کے نیچ سکونی ر گڑ کا مستقل 0.46 ہے۔ سیڑھی بغیب ر پیسلے، دیوار سے کتنے زیادہ سے زیادہ افقی مناصلے پر سیڑھی کا پیسیرر کھیا جباسکتاہے؟

موال 8.0: شکل 4.12 میں سل A (کمیت $10 \, \mathrm{kg}$) فنسرسش پر توازن مسیں ہے، تاہم سل B (کمیت $5.0 \, \mathrm{kg}$) کاوزن معمولی زیادہ ہونے کی صورت مسیں ہے پہلے گا۔ زاویہ 0.0 0.0 کے لئے سل 0.0 اور فنسرسش کے بھیلے گا۔ زاویہ کوئی رگڑ کامتقل کہ ہے ؟

سوال ۲۰۵۷: افق کے ساتھ 45° زاوی بہت تے ہوئے بلار گڑ میلان پر $10~\mathrm{kg}$ کرہ کورتی ہے باندھ کرر کھا گیا ہے $\theta=45^\circ$ زاوی ہے باندھ کرر کھا گیا ہے کہ فائل کے ساتھ مسین شناو تلاسٹ کریں۔

سوال ۱۹۵۸: کیساں شہستیر، جس کی کمیت 40.0 kg ہے، دو بسیان پر رکھ گیا ہے (شہستیر کا مصل 67a.12)۔ شہستیر کا مصر کز بسیانوں کے نی در میانی نقطے کے اوپر ہے۔ شہستیر پر انتصابی لکسیدیں برابر ون اصلوں پر اگائی گئی ہیں۔ دو لکسید بسیان

٣١١. کيلــــ

ے عسین اوپر ہیں: ہیلن B پر 10 kg کی ہے۔ کاؤب رکھا گیا ہے۔ شہتیر پر (۱) ہیلن A اور (ب) ہیلن B کی قوت کی متدریں تلاسش کریں۔ اب شہتیر بائیں منتقل کیا جہاتا ہے، حتٰی کہ اسس کا دایاں سر ہیلن B کے اوپر ہو (شکل 67b.12)۔ شہتیر پر (ج) ہیلن A اور (و) ہیلن B کی قوت کی متدریں تلاسش کریں۔ اسس کے بعد ہیلن رئیں منتقل کیا جہاتا ہے۔ و نسر ض کریں شہتیر کی لبائی B 0.800 سے دائیں منتقل کیا جہاتا ہے۔ و نسر ض کریں شہتیر کی لبائی شک B کے گئے افتی و نسطے پر شہتیر اور ہیلن A تسس مسین جہیں ہے؟

O سوال ۱۹.۵۹: تعمیراتی بالنی، جس کی کمیت B 817 kg ہے (شکل 68.12)، رسی A سے لئک رہی ہے، جو خود نقطہ A کر برسی B اور رسی B اور رسی B یہ بربین B اور رسی B کی ہے، جو افق کے ساتھ زاوی ہے B اور رسی B اور (ج) رسی B مسیل شناو تلاسش کریں۔ (ایشارہ: دونامعی متغیرات کی دومساوات حسل کرنے کی رکھیں۔)

سوال ۲۰۰۱: قوت \vec{F} شکل 70.12 مسیں حب ر ثقب ل اور 6.40 kg بے کو توازن مسیں رکھتی ہے۔ حب ر ثقب ل کی کمیت اور رگڑ فت بالی نظر انداز ہے۔ بالار تی مسیں تناو T تلاسش کریں۔ (اشارہ: حب ر ثقب ل کے گرد آدھا حب کر لہیں ہے۔ کررتی کا تناو حب ر ثقب ل پر قوت کا نصف ہوگا۔)

سوال ۱۹.۷: کوئلے کی کھان مسیں برقی زینہ 2.5 cm قطسر کے فولادی رسی سے لٹکا ہے۔ برقی زینہ اور اسس مسیں سوار افسراد کی محبسو تی کھیت ہوگا، ورسی کے لٹکاہو، رسی کی کمہائی مسیں کتنااہ اور (ب) 362 m رسی کے لٹکاہو، رسی کی کمہائی مسیں کتنااہ اور اور کا کا در اور کی کمیت نظر انداز کریں۔)

سوال ۱۳.۱۳: حیار یک این دوسرے کے اوپر یوں رکھی گئی ہیں کہ ہر اینٹ کا پڑھ حسب نحی لی اینٹ ہے آگے بڑھ حسب نحی لی اینٹ ہے آگے بڑھت اور (ش)، a_2 (بڑھت ایو (شکل 11.12)۔ اسس حیالت مسیں جب ایسٹوں کا انساز گرنے کے دہانے پر ہو (۱)، a_1 (بر میں)، a_2 (بر میں)، a_3 (بر میں)، a_4 (بر میں)، a_4 (بر میں)، a_4 (بر میں)، a_4 (بر میں)

سوال ۲۰۱۵: یکسان شہستیر، جسس کی لمب کی m 3.2 سوروزن N 60 مے، کانمپلاسسر چول دارہے۔ شہستیر کے بالاسسر پر اسٹ کل 3.2 سے 100 میں میں گئی ہے، جو زمسین کے ساتھ پر 50 N و تعدر کی افقی قوت آئے عمسل پیدراہے (شکل 73.12)۔ شہستیر کورتی انتصابی رکھتی ہے، جو زمسین کے ساتھ 25° و ادریہ بستاتی ہے اور شہستیر کے ساتھ زمسین سے 2.0 m بلند نقطے پر بند ھی ہوئی ہے۔ (ا)رتی مسین شہستیر پر چول کی قوت کیا ہوگی ؟

سوال ۲۰.۲۷: ایک شہتیر کی لمبائی m 5.0 اور کیت 53 kg ہے۔ شکل 74.12 مسیں شہتیر کوچول اور رسی افتی رکھتے ہیں۔ رسی کازاویہ 60° ھے ہیں۔ رسی کازاویہ 60° ھے ۔ اکائی سمتیر ترقیم مسین شہتیر پرچول کی قوت کمیاہے؟

۲۱۲ باب. ۲. توازن اور کیک

سوال ۱۷ ، ۲: تا نبے کے ٹھوسس مکدب کا صلع 85.5 cm ہے۔ تا نبے کا مقیاسس حجب $1.4 \times 10^{11} \, \mathrm{Nm}^{-2}$ ہوگا ؟ مضلع کی کمب کی مصل کی کم کے لئے کمعیب پر کتن جب در کار ہوگا ؟

سوال ۲۰۲۹: کمیت m کی میساں سلاخ کا نحپلا سے چول دار ہے، جبکہ اسس کا بالا سے دیوار کے ساتھ باندھ سال ۲۰۲۹: کمیت $\theta = 60$ ، ہو، رتی مسین سناو mg/2 رکھنے کے لئے σ کسیابوگا؟

-2.7 ایک فخص، جس کی کمیت -73 kg ہے، ایک پُل پر کھٹڑا ہے، جس کی لمبائی -1 ہے۔ دوایک سر -1 مناصلے پر ہے۔ پُل یکساں ہے اور اسس کا وزن -1 کا وزن -1 کی پر (۱) شخص سے دور پُل کے تیک کی اور (ب) مستری تیک کی انتصابی قوت کی و تیدر تلاسش کریں۔

سوال 7.2: استوار اور بلا کیہ سے سلاخ کے دونوں سر پر پلہ لاکا کر تر ازوہ نیا جب تا ہے۔ سلاخ ایک نقط پر ، جو وسطی نہیں ، گھوم سکتا ہے۔ پلوں مسیں نامعی و کر تر ازو توازن مسیں بالیا جب تا ہے۔ پلوں مسیں نامعی و کر تر ازو توازن مسیں کی ہے۔ سے m کو مسیں کی ہے۔ کی سے m دائیں پلہ مسیں رکھ کر ، بائیں پلہ مسیں کی ہے۔ کے سے m دائیں پلہ مسیں رکھ کر ، بائیں پلہ مسیں کی ہے۔ کہت m ہوگا۔ مسیں لیا جب تا ہے۔ دکھ کی کی کہ سے m ہوگا۔

سوال ۱۰.20: شکل 79.12 مسیں استوار چو کور چو کھٹا پ رضلی ساخ CD ، BC ، AB ، اور DA کے عساوہ دو وتری ساخ AC اور DA پر مشتل ہے، جو نقط ہے E پر ایک دوسرے کے اوپر آزادات گزرتے ہیں۔ حپکر دار بموا E استعال کر کے ساخ E باہر رخ E 535 N و تدر کے تنومسیں ڈالی باتی ہے۔ (ا) کون کون میں ساخ تن ومسیں ہے؟ E این ساخوں مسیں تن و کی وقد در کیا ہے اور (ج) باتی ساخوں مسیں دباو کی وقد در کیا ہے؟ (اشارہ: شاکل استعال کر کے ساخوں مسیں تن و کی وقد در کیا ہے کا دار کیا ہے۔ (ا

كرك مسئله انتهائي آسان بناياح استناب-)

موال ۱۹۷۱: ایک کھلاڑی، جس کی کمیت 46.0 kg ہے، یک ال شہتیر کے ایک سرپر کھٹرا ہے (مشکل 1920)۔ شہتیر کی لمب فی 5.0 m اور کیت 250 kg ہے (جس میں تیک کی کمیت مثامل نہیں)۔ شہتیر کی کمیت مثابت کی کمیت کا اور (ب) تیک کے سرے تیک کا فناصلہ 0.540 m ہے۔ اکائی سمتیر ترقیم میں شہتیر پر (۱) تیک 1 اور (ب) تیک 2 کی قوت تا سش کریں۔

موال ۱۹۷۷: افقی بسیان، جس کی کیت 300 kg ہے، شکل 81.12 مسیں پیش ہے۔ تین فولادی تار بسیان کو مہارا دیتے ہیں۔ تار 1 اور 3 بسیان کے سرول پر اور تار 2 بسیان کے وسط پر بسندھا ہوا ہے۔ انفنسرادی تار کارقب عسودی تراشش 2.0000 m کی انفنسرادی لمبائی سے 2.0000 m تقی، جبکہ تار 2 کی انفنسرادی لمبائی ایک ہے۔ (ا) تار مقتی ، جبکہ تار 2 ان سے 6.00 mm نادہ کہا ہوگا؟
1 اور (ب) تار 2 مسین شناوک ہوگا؟

سوال ۲۰۷۸: کیساں شہستیر، جس کی لمب بن ما 12.0 ہے، کو افتی رسی اور چول سہارادیتے ہیں (مشکل 82.12)۔ انتصاب کے ساتھ شہستیر کازاویہ 50.0° ہے۔ رسی مسین تان 400 N ہے۔ اکائی سمتیہ ترقیم مسین (۱) شہستیر پر تحب ذبی قوت اور (ب) شہستیر پر چول کی قوت کیا ہے؟

سوال ۱۹۷۹: ایک جیسے، یک پر دارسیٹوں کو میپز پر دو مختلف طسریقوں ہے، مشکل 83.12 مسیں، انسبار کی گئی ہے۔ اور سوال ۱۹۷۳ ہے مواز سند کریں)۔ اینٹ کی لمب لکی کے ہم دونوں طسریقوں مسین وختاصلہ h بڑھ ناحپ ہیں۔ دونوں طسریقوں کے لئے b_1 ، b_2 ، b_3 ، b_4 کی موزوں قیمتیں اور b_4 تلامش کریں۔

سوال ۱۸.۸: سلور کا بسیلتی سلاخ، جسس کی ابت دائی کسبائی m 0.8000 اور دداسس µ 0.0000 ہے، کا یک سے سر مشکنجہ مسین کوکر دوسر اسر، کمسبائی کے متوازی، مشین سے تھینچا حباتا ہے۔ منسر ض کریں تھینچ کے دوران سلاخ کی کشافت (کیت فی اکائی تحبم) تبدیل نہیں ہوتی۔ رداسس گٹاکر µ 999.9 کرنے کے لئے درکار قوت کی وت در کسیا ہوگی۔ (مغسوطی ہے تحب وزنہیں کسیاحباتا۔)

سوال ۱۹۸۱: تین آدمی L کمی شهستیر اللف کرلے حبارہے ہیں۔ پٹے پر شهستیر رکھ کر دو آدمی پٹ اللف کے ہوئے ہیں جب کہ یک آدمی شهستیر کا سسر اللف یا ہوا ہے۔ شیسنوں پر برابر وزن ہے۔ شهستیر کے آزاد سسر سے پٹ کننے مناصلے پر ہے؟ (پٹے کاوزن نظسرانداز کریں۔)

سوال ۲۰۸۲: اگر نمونی سوال ۲۰۲ کے مشکل 6a.12 مسین (چوکور) شہبت پر ککڑی کا ہو،اسس کی موٹائی کتنی ہو گی اگر دباو جب رکی قیمت منساوی مفہوطی کا $\frac{1}{5}$ ہو؟

سوال ۱۹.۸۳: شکل 84.12 مسیں دو ساکن ڈیے اور تین رسیوں کا نظام دکھایا گیا ہے۔ ڈب A ، جس کی کمیت 84.00 ہے ، مسان پر رکھا گیا ہے؛ ڈب B ، جس کی کمیت A ، جس کی کمیت A ، جس کی کمیت کائل رہی ہونان کے متوازی ہے۔ ڈب A سے بندھی رسی بلار گڑ میلان کے متوازی ہے۔ (۱) بلار سی مسین تان کمی ، اور (ب) بلار سی افق کے ساتھ کس زاویے پرہے ؟

سوال ۱۸۸۷: رسی کا سر گھیرا کی شکل میں باندھ کر دوسرا سر در ذہ کی شاخ پر باندھ کر جھولا بنایا حباتا ہے۔ بحب گھیرامیں بیٹس ہے اور رسی انتصابی ہے۔ یچ کو افقی قوت سے والد ایک طسرون کھنچیتا ہے۔ انتصاب کے ساتھ رسی کازاوی میں تان کا 280 ہے جب والدیج کو چھوڑ تا ہے۔ (ا) یچ کاوزن کیا ہے؟ (ب) عسین ۲۱۳ باب۲. توازن اور کیک

ر ہائی سے قبل سے پر والد کی افقی قوت کی متدر کی ہے؟ (ج) اگر والد زیادہ سے زیادہ N 93 متدر کی افقی قوت لاگو کر سکتا ہو، انتصاب کے ساتھ رشی کازیادہ سے زیادہ زاوے کہا ہوسکتاہے؟

سوال ۱۹.۸۵ سین پیش ایس کی انگل کے پور کی تفصیل شکل 85a.12 میں پیش ہے۔ نجیلے بازوے پیش ہونے ہے۔ راستے مسین پیشا کی رہبر عندالون ہے گزرتا ہے، پیش جبل کر انگل کے آخندری (تیسرے) پور کو پکڑے ہوئے ہے۔ راستے مسین پیشا کی رہبر عندالون ہے گزرتا ہے، جنہیں چر گفیل A4 انگل کے روسرے جنہیں چر گفیل A5 انگل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، حبر تقییل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، حبر تقییل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، حبر تقییل کے رخ (مٹی کی شکل مسین) بند کرنے کے لئے نجیلے بازو کا عضا ہے، کی کار کرد گل کے اندرے گزرتے پھے کو کھینچ تا ہے۔ شکل 25 ملی انگل کے دوسرے پور کی ہڈی، جس کی لمب اُن کی ہے، کی کار کرد گل کی سازہ شکل پیش ہے۔ پٹھے کی کھینچ آ آ اسس نقط پر عمسل کرتی ہے جب ال پٹھ حبر تقییل A4 مسین داخش کی حسن داہ گل منظم پر ہے۔ اگر شکل 50.12 مسین ہر ایک جمل کرتی ہے۔ سازہ انگل پر آو سے کے حبزو کی انگل پر تو سے کو سائل ہے، کسیان گل میں مدر کیا ہو، جب تقییل کے مصند کی انگل پر تو بیاں پیش میں ایک جو جن ان پیسا کی عصور کی جیسان پیش کیا ہے (جو چنان پیسا کی عصور کی بیساری ہے)۔ جب رہیں جب کی عصور کی بیساری ہے)۔

موال ۲۰۸۱: برف نی عسالقوں، مشلاً مسری، مسیں چوت دھاتی حپادرے بہ بنایاحباتا ہے۔ایی ایک چھت مسیں سال ۲۰۸۱: برختی نصب مسیں سال 201 مسلع کا چوکور دروازہ بنایا گیا ہے، جس کا ایک کندرہ چولدار اور محنالف کندارے پر چنی نصب ہے۔دروازے کا مسر کز کیست چوکور کے وسط سے 10 cm چولدار کندارے کی طسرون ہے۔(۱) چنی پر اور (ب) چول پر دروازے کی قوت کی متدریں کہا ہیں؟

 $\vec{F}_1 = 16.0$ اور $\vec{F}_2 = 16.0$ $\vec{F}_1 = 8.40$ اور $\vec{F}_2 = 16.0$ $\vec{F}_3 = 16.0$ اور $\vec{F}_3 = 16$

سوال ۱۸۸۸: پیسا کا جھکا بُرخ سے 59.1 m اون پاورانس کا قطسہ 7.44 سے بُرخ کا سر انتصاب سے 4.01 m وور ہا ہوا ہے۔ بُرخ کو یک ان دائری ہیلن تصور کریں۔ (ا) بُرخ کا سر مسزید کتنا دور ہونے پر بُرخ لڑھکنے کے دہانے پر ہوگا؟ (ب) اسس وقت انتصاب کے ساتھ بُرخ کا ذاوی کم بیاہوگا؟

باب

تحباذب

ا. 2 نیوٹن کامت انون تحب اذب

مقاصد

اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعب د آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. دو ذرول کی کیسے اور ان کے چی مناصلے کا ذرول کی ہاہمی تحباذ ہی تو ہے کے ساتھ تعسلق نیوٹن کے متانون تحباذ ہے ح حبان یا مُیں گے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ مادے کا یکسال کروی خول ذرے کو، جو خول ہے باہر ہو، بالکل اسس طسرح کھینچت ہے جیسے خول کی کمیسے خول
 کے مسر کزیر واقع ہو۔
 - ۳. ذرے پر دو سسرے ذرے یامادے کی مکسال کروی تقسیم کی قوت تحباذب آزاد جسسی حن کہے ظاہر کرپائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• كائنات مسين ہر ذرہ دوسسرے ذرے كوذيل تدركى تحب ذبي قوت سے اپني طسر ف كھنچتا ہے:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (نیوٹن کامت نون تحب ذب

جہاں m_1 اور m_2 ذروں کی کمیتیں، r ان کے نیج فٹ صلہ،اور m_2 N m 2 kg $^{-2}$ تحباذبی متقل ہے۔

• وسسیج اجسام کے بچ تحباذ کی قوت معسلوم کرنے کی حناطسر، جیم کے اندر تسام انفسراد کی ذروں پر انفسسراد کی قوت کامحب وعب (تکمل)لین ہوگا۔ تاہم، اگر ایک جیم یک ان کروی خول یا کروی تشاکل ٹھوسس جیم ہو، ہیسہ ونی جیم پر اسس کی بالے 2. تحباذ ب 114

صافی تحباذ بی توت معلوم کرتے وقت خول پاٹھوسس جسم کی کمیت جسم کے مسر کزیر تصور کی حساستی ہے۔

طبیبات کساے؟

طبیبات کاایک مقصد، قوت تحیازے کا مسجھنا ہے۔ قوت تحیاذے ہمیں زمسین پر رکھتی ہے، حیاند کو زمسین کے گرد مدار، اور زمسین کو سورج کے گرد مدار مسین رکھتی ہے۔اسس کا اثر ہماری دودھیا کہکٹال اے ہر کونے تک پینچ کر، ار بوں سستاروں، لاتعبداد جوہر اور سستاروں کے نیچ دھول کے ذروں کو کہکشاں مسیں حبکڑ کر رکھتا ہے۔ہم دودھپ کہکشاں، جو ستاروں کا تسرص نے جو سرم ہے ، کے کسنارے کے قسریب، کہا ثناں کے مسرکزے $^{2.6}$ نوری سال $^{2.6}$ نوری سال $^{2.6}$ نوری سال $^{2.6}$ نام کے مسلم پر مسرکز کے گرد آہتہ آہتہ طوان کرتے ہوئے، بتے ہیں۔

تحیاذ بی قوی بین کہکٹانی مناصلے طے کر کے کہکٹال کے معتامی گروہ کو، جس مسیں دودھیا کہکٹال کے عیادہ **اندرومدا** م کہاں (شکل 1.13) جوزمین سے $10^6 \times 2.3$ نوری سال مناصلے پر ہے، اور کئی مالٹتما 3 کہاں، جیسے سماھے کہم 3 ، ے اسل ہے۔ کہکشاں کامت ای گروہ ازخود م**قامی** عظیم نوشہ ^ه کاحسہ ہے، جس کو تحباذ بی قوت انتہائی زیادہ سمیتی خطہ ک کہاٹناں کی دوسسرے طسرونے ، واقع ہے۔ تحساذ لی قوت اسس سے بھی زمادہ دور رسس ہے، جو نکہ ہے پوری کائٹات کو، جس کا حجب بت دریج بڑھ رہاہے،ایک ساتھ رکھتاہے۔ لُقھے امود عبجو کائٹ سے میں انتہائی پراسرار اجسام مسیں سے ایک ہے، کا دارومدار بھی ای قوت پر ہے۔ جب سورج سے بڑا ستارہ زندگی کے اختیام کو پنچت ہے، اسس کے ذروں کے نتج تحباذ بی قوت ستارے کو اپنے آپ پر منہدم کر کے ثقب اسود پیدا کرتی ہے۔ منہدم ستارے کی سطح پر تحباذ کی قوت اتی زبادہ ہوتی ہے کہ سطح سے کوئی ذرہ فنسرار نہیں ہوسکتااور ناہی روشنی نکل سکتی ہے (ای لئے اسس کو پیف اسود "یعنی "سیاہ سوراخ" کتے ہیں)۔اگر کوئی ستارہ ثقب اسود کے زیادہ تستریب بہنچے ،ثقب اسود کی توانا تحباذ کی قویب ستارے کو چیب رئیساڑ کر ثقب (سوراخ) کے اندر تھینچ کسیتی ہے۔ متعبد د ستارے نویے پراس سے لیے **پناہ کمپینچ لُقے امود ^**بنت ہے۔ایے بھیانک اور پراسرار اجسام سے کائٹ سے بھسری نظسر آتی ہے۔ یقینا ہاری این دودھیا کہکٹال کے مسر کزیر ایک ثقب اسودیایا حباتا ہے، جوالقوسس A^* کہاتا ہے، اور جس کی کمیت تقسریباً 10^6 \times 3.7 کہاتا ہے، اور جس کی کمیت کے برابر ہے۔ اسس کی تحساذ کی توت اتنی توانا ہے کہ ت ربی ستارے مدار میں گومتے ہوئے صرف 15.2 سال مسیں القو س A^* کے گر د سپکر مکسل کرتے ہیں۔

اگر حب تحباذ بی قویت مکسل مسجھنے سے اب بھی ہم مت صر ہیں ، اسے مسجھنے کاابت دائی نقطبے نیوٹن کامت نون تحباذ ہے۔

milkywaygalaxy Andromeda'

LargeMagellanicCloud (

LocalSupercluster^a GreatAttractor`

blackhole²

supermassiveblackhole¹

ا که نیوش کامت انون تحب اوب

نیوٹن کامت انون تحب اذب

مختلف مساوات پر بات کرنے سے قبل ذرہ سوچ ہیں۔ ہم زمسین کے ساتھ مس رہتے ہیں؛ مس رکھنے کی قوت اتن زیادہ نہیں کہ ہمیں گھیٹ کر چلسا پڑے اور ناہی اتن کم ہے کہ آئے دن سرچھت سے نکرائے۔ ساتھ ہی سے قوت ہمیں زمسین پر رکھتی ہے، تاہم اتن طافت ور نہیں کہ ہم ایک دوسرے کے ساتھ حبٹر حبائیں۔ یقینا قوت کشش کا دارومدار جمم مسین مادے کی مقتدار بہت زیادہ ہے، المہذاز مسین کی کشش بھی بہت زیادہ ہے، جبکہ انسان کے جمم مسین مادے کی مقتدار بہت کم ہے، اور اس کے دوانسانی اجسام کے چھوت کشش اتن کم ہے کہ اس کے حوسس کرناممسین نہیں۔ مسین مادے کی مقتدار بہت کم ہے، اور اس کے دوانسانی اجسام کے چھوت دفع نہیں یائی حباتی۔ اسے محموس کرناممسین نہیں۔ مسین یائی حباتی۔

ماضی مسین انسان حبانت تھ کہ زمسین ہمیں نشیب وار کھینج تے ہے (حناص کر اسس وقت جب زمسین پر گرنے ہے ناک کی بڑی ٹوٹی تھی)، تاہم ان کاخیبال تھ کہ ہے۔ تو صروف زمسین کی حناصیت ہے جس کا آسمان مسین فلکیا تی اجب م کی حسر کت ہے کوئی واسطہ نہیں۔ تاہم ۱۲۹ مسین، 23 سالہ، اسحی آن پوٹن کو اسس بات کی سمجھ آئی کہ حیانہ کو بہی قوت زمسین کے گرد گلومنے پر محب بور کرتی ہے۔ باخضوص، انہوں نے دکھیایا کہ کائن سے مسین ہر جم ہم ہر دو سرے جم کو کھینچ تا ہے۔ اجبام کا ایک دو سرے کی طسروف حسر کت کر بچسان کو تجافوج و کہتے ہیں، اور اجسام مسین وہ مادوجو تو ت کشش پیدا کرتی ہے۔ "کہلا تا ہے۔ اگر نیوٹن کے سر پر سیب گرنے کا واقعہ در سہ ہو، تب سیب مادوجو تو ت کشش پیدا کرتی ہے۔ "کہلا تا ہے۔ اگر نیوٹن کے سر پر سیب گرنے کا واقعہ در سہ ہو، تب سیب کی کمیت اتی زیادہ ہے کہ سے قوت، جو کی کمیت اور زمسین کی کمیت اتی زیادہ ہے کہ سے قوت، جو تقسر بیا کہ بھر گراہ گوٹ شرب سے کے گرنے کا سبب تھی۔ در مسین کی کمیت اتی زیادہ ہے کہ سے تو ت بہو تقسر بیا کہ بھر گراہ گوٹ گوٹ سے ہو تقسر بیا کہ بھر گراہ گوٹ گوٹ سے تو تسریب کھر نے انسی کی کہا ہے۔ اس کے بر تکسس، دو مسیر بھر گراہ گوٹ گوٹ سے بھر تقسر بیا کہ بھر گی محموس کی جب سکتی۔ اسس کے بر تکسس، دو مسیر بیا کہا کہ بھر گی محموس نہ بی کی جب سکتی۔

رووسیج اجبام، جیسے دو شخص، کے نی تجباذ بی توانائی کا حب کرنامشکل ہوگا۔ ہم دوزروں (جن کی جسامت صنعت تصور کی حب کے گی نیوٹن کے وحت نون تحب ذہب کے اطلاق پر خور کرتے ہیں۔ و منسر ض کریں ذروں کی کمیت m_1 اور m_2 اور ان کے نی مناصلہ m_1 ہے۔ ایک ذرے کی دوسسرے ذرہے پر قوت کشش کی وحدر ذیل ہوگی:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (غوڻن کامت اُون تحب ذب)

جباں G تجادلھ متقل اے،جس کی قیت زیل ہے۔

(2.r)
$$G = 6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{N} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{kg}^{-2}$$
$$= 6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2}$$

2 کی تحباز بی توب \vec{F} میں ورہ 1 (کمیت m_1) پر ورہ 2 (کمیت m_2) کی تحباز بی توب \vec{F} میں نورہ 1 (کمیت m_1) پر ورہ 2 (کمیت m_2) کی طسر نسب ہور کہ ورہ 2 کی طسر نسب زرہ 1 کشش محموس کرتا ہے لہذا ہے توب کشش کہا تی ہے۔ قوت کی طسر نسب اوات المارے کے مثبت رخ کے کی مثبت رخ کے کہ مثبت رخ کے مثبت رخ کے مثبت کرتی ہے، کے مثبت رخ کے مثبت کی مثبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں رہ تعمال کرتی ہے۔ (2b.13 کی سمتی ہے (جب کی سمتی ہے اور جس کی قت در \vec{F} استعمال کرتے کے مثبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ مثبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ متبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ متبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ متبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ متبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ متبت ہے کہ متبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ متبت ہے کہ متبت ہے اور جس کی قت در \vec{F} میں کہ متبت ہے کہ کے کہ متبت ہے کہ کے کہ متبت ہے کہ متبت ہے کہ کے کہ کے

gravitation

gravitationconstant '*

اب ک. تحیاذب

ہوئے،جو ذرہ 1 سے دوری کے رخ محور r کے ہمسراہ داقع ہے (شکل 2c.13)، \vec{F} بیان کیا حیاسکتا ہے۔یوں، مساوات۔ اے استعمال کرتے ہوئے ذرہ 1 پر قوت ذیل ہوگی۔

$$\vec{F} = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \,\hat{\mathbf{r}}$$

ذرہ 2 پر ذرہ 1 کی قوت کی ت دروبی ہے جو ذرہ 1 پر ذرہ 2 کی ت در ہے، تاہم اسس کارخ محنالف ہوگا۔ دونوں قوت مسل کر متانون سوم جو ڈی قوت دیتے ہیں، اور ہم دوذروں کے نج قوت تحباذب کی بات کر سکتے ہیں جس کی ت در مساوات اے دیتی ہے۔ دوذروں کے نج قوت تحباذب پر دیگر اجسام کا اثر نہیں پایا حباتا، اگر حب سے اجسام ان ذروں کے در مسیان ہی کیوں سے ہوں۔ دوسے لفظوں مسین، کوئی جم ایک ذرے کو دوسے ذرے کی تحباذ کی توسی ہے بھی نہیں سکا۔

دی گئی کیت کے ذروں کی ، جو کسی مخصوص مناصلے پر ہوں، تحباذ بی توت کازور تحباذ بی مشتقل G پر مخصسر ہے۔ اگر حبادوے G کی قیمت دسس گٹا کی حبائے، زمسین کی کشش آپ کو زمسین پر گرادیگی، اور G کی قیمت دسس گٹا کم کر دی حبائے، آپ چھالانگ لگاکر عمسارت پار کرپائیں گے۔

دیگر اجمام ۔ اگر چ، نیوٹن کا مت انون تحباذ ب ذرول کے لئے ہے، جب تک اجسام کی جسامت، اجسام کے نگا مناصلے کے لیے اظ سے بہت کم ہو، مت انون تحباذ ب کا اطساق و سیخ اجسام پر بھی مسکن ہے۔ زمسین اور حپاند ایک دوسرے سے اتی دوری پر ہیں کہ انہیں تخمیت ذربے تصور کیا حباسکتا ہے؛ لیے کن سیب اور زمسین کا کیا ہو گا؟ سیب کے نقط نظے رہے درہ تصور کرنا درست سے ہوگا۔

نیوٹن نے (ذیل) مسئلہ خول کے ذریعہ زمسین اور سیسے کامسئلہ حسل کسا۔

مادے کا یکاں کروی خول، کرہ سے باہر واقع ذرے کو یول کھنچتا ہے گویا خول کی تمسام کمیت خول کے مسر کزیر ہو۔

زمسین کوخول کے اوپر خول حپڑھ جمم تصور کمیاحب سکتا ہے۔ ہر خول ہیں رونی ذرے کو یوں کھینچت ہے گویا خول کے مسر کزپر خول کی تب م کمیت واقع ہو۔ یوں سطخ زمسین سے اوپر ذرے کو تمسام خول یوں کھینچتے ہیں گویاز مسین کی پوری کمیت زمسین کے مسر کز پر واقع ہو۔ یوں، سیب کے نقط نظسر سے زمسین اسس ذرے کی مانٹ دہے جو زمسین کے مسر کزپر واقع ہے اور جسس کی کمیت زمسین کی کمیت کے برابر ہے۔

قانوان سوم ، ورکھ قوق۔ منسر خرک کریں، جیسا شکل 3.13 مسیں دکھایا گیا ہے، سیب کو زمسین 0.80 N ت در کی قوت ہے۔ اب زمسین کوسیب 0.80 N ت در کی قوت ہے اوپر کھنچ گا اور یہ قوت زمسین کے مسر کز پر عمسل پیسرا ہوگا۔ باب 5 کی زبان مسیں یہ قوت مسل کر نیوٹن کے مسانون سوم مسیں جوڑی قوت دیتی ہیں۔ مسر کز پر عمسل پیسرا ہوگا۔ باب 5 کی زبان مسیں یہ قوت مسل کر نیوٹن کے مسانون سوم مسیں جوڑی قوت دیتی ہیں۔ سیب اگر جب، جب سیب رہا کہا حب یہ بہ رہا کہا حب کے دور قوت سیب پر مختلف اسراع کی مستدر ایک ہوگا۔ میں نظام کے کا سراع کی مستدر ایک ہوگا۔ بوگا۔ یہ ور مسین نظام کے مسرکن سے جبڑی جوالہ چوکھ نے کے لیا ظامر تامسین کے اسراع کی مستدر صرف سے 10-25 m s ور ان زمسین کا سراع کی مستدر صرف کے گرنے کے دوران زمسین ساکن نظر آتی ہے۔

آزمائشش ا

ایک درج ارک باری درج ذیل اجب م بے باہر رکھتا جب تا ہے، جن کی انفٹسرادی کمیت m ہے۔ (1) ایک بڑا یک ان ٹھوسس کرہ، (2) ایک چھوٹا یک کرہ، (2) ایک چھوٹا یک خول۔ (3) ایک چھوٹا یک کرہ، (2) ایک جھوٹا یک کرہ، (3) ایک جھوٹا یک کرہ کے مسر کرنکا فضا صلہ a کر کھتا جب اتا ہے۔ ذرے پر قوت کی وقت کی وقت کی میں اعظم جم جمیت اول رکھ کر، ان اجب م کی درجب بہندی کریں۔

2.۲ تحباذب اور اصول انطباق

نثام ،

ے۔۔۔ اسس حصہ کو پڑھنے کے بعید آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. جہاں ذرے پر ایک سے زیادہ تحباذ بی قوت عمسل پسیر اہوں، قو توں کو ظاہر کرنے والا آزاد جسمی حسا کہ بستا پائیں گ، جس مسین قوت سمتیات کی دم عسین ذرے پر ہوگی۔
- ۲. جہاں ایک سے زیادہ تحباذ بی توت ذرے پر عمسل پسیر اہوں، انفٹ رادی قوت کو سمتیہ تصور کر کے تمسام کا محب موعب لے کرصانی توت تلاسش کریائیں گے۔

كليدي تصورات

• تحباذ بی قوت اصول انطباق پر پورا اترتی ہے؛ لینی، جہاں n ذرے باہم عمسل کرتے ہوں، ایک ذرے پر ، جس کا عسرون I ہے، صافی قوت میں V بیان ہاری باری باری باری کے کر ، انعنسرا دی قوتوں کا مجب وعب ہوگا:

$$\vec{F}_{1,i}$$
ے $=\sum_{i=2}^{n}\vec{F}_{1i}$

جهال ذره 1 پر ذره 2 ، 3 ، ۰۰۰، تا ۸ كى قوتول كاستى محب وعب لياحبائ گا-

• وسیع جم کی ذربے پر قوت \vec{F}_1 مسلوم کرنے کے لئے ، وسیع جم کو تفسیریتی کمیت dm کے کلزوں مسین تقسیم کسیاحباتا ہے ، جو ذربے پر تفسیریتی قوت وں کا گلم ان کامحب موعب دیگا۔

$$\vec{F}_1 = \int d\vec{F}$$

تحساذب اوراصول انطساق

اصول الطباق "استمال کرے، ذروں کے گروہ مسیں، ایک ذروں کی صافی (یاماحسل) تحباذ بی قوت معلوم کی حباتی ہے۔ ب ایک عصومی اصول ہے، جو کہتا ہے انفسرادی الثرات کا مجسوعت صافی الثر دیگا۔ یہساں، اسس اصول کے تحت منتخب ذریر پر باقی تمسام ذروں کا (ایک ایک کرکے) انفسرادی قوت تحباذب حساصل کرکے ان کا سستی

principleofsuperposition"

۲۲۰ کیانی

محب وعبہ لے کر صافی تحباذ بی توت حسام کیا حبائے گا۔ سمتیات کا محب وعبہ لین ہم حبانے ہیں۔ توت کے سمتیات کا محب وعبہ بھی ای طب رح حسام کیا حبائے گا۔ سمتیات کامحب وعبہ بھی ای طب رح حسام کیا حبائے گا۔

مذکورہ بالا آحنسری دو جمسلوں مسیں پیش دو نقطوں پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ (1) قوت در حقیقت سمتیہ ہیں جن کے رخ مختلف ہو کستے ہیں البندانان کا سمتی مجسوعت لیسنا ضروری ہے، جو تو توں کے رخ کا حساب بھی رکھے گا۔ (جب دو آد می آپ کو محنالف رخ کھنچیں، ان کی صافی تو ت یقسینا اسس سے مختلف ہو گی جب دونوں آپ کو ایک رخ کھنچیں۔)(2) ہم انف سرادی تو توں کا محبسوعت لیستے ہیں۔ کتنا مشکل ہو تا اگر صافی قوت کی حب دو ضربی پر مخصد ہوتی جس کی قیت ہر قوت کے لئے صورت محسل ہوتی جس کی قیت ہر تو ت کے لئے صورت مصابی محتل ہوتی۔ ہماری خوسش قسمتی ہے کہ دنسیا تی جب کہ دنسیا تی ہم تو توں کا سادہ سمتی محب و عب لیستے ہیں۔

جہاں 11 باہم عمسل ذرے ہوں، وہاں ذرہ 1 پر باقی ذروں کی تحب ذبی قو توں کا اصول انطب آن ذیل لکھا حب سکتا ہے۔

(2.7)
$$\vec{F}_{1,i} = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{13} + \vec{F}_{14} + \vec{F}_{15} + \dots + \vec{F}_{1n}$$

یباں ذرہ 1 پر صافی قوت سانی آ ہے اور ، مشال کے طور پر ، ذرہ 1 پر ذرہ 3 کی قوت \vec{F}_{13} ہے۔ اسس مساوات کو مختصر آلازیل) سستی محبوع کی کلیا ہے۔

$$ec{F}_{1,i}$$
نی $=\sum_{i=2}^{n}ec{F}_{1i}$

کھیتی اجمام۔ ذرے پر حقیقی (وسنے) جم کی تحباذ بی قوت کیا ہوگی؟ ہم جم کواتے چھوٹے چھوٹے کھڑوں مسیں تقسیم کرتے ہیں کہ ہر کھڑے کو ذرہ تصور کرنا مسکن ہو۔اسس کے بعد مساوات 2.۵ استعال کرکے ذرے پر ہمام کھڑوں کی قوتوں کا سستی مجبوعہ لیتے ہیں۔ تحدیدی صورت مسیں ہم وسنع جم کو تفسیریقی کھڑوں مسیں تقسیم کرتے ہیں جن کی انفسرادی کمیت ملاوں مسین تقسیم کرتے ہیں جن کی انفسرادی کمیت ملک کاروپ اختیار کرتی ہے:

$$ec{F}_1 = \int \mathrm{d}ec{F}$$

جہاں تکمل پورے جم پرلیاحہا تاہے اور ہم زیر نوشت "صافی"لکھٹ بند کرتے ہیں۔ اگر وسیع جم ایک یکساں کر ویا کر وی خول ہو، مساوات ۲.۷ کے سعتی تکمل سے چیفکارہ حساس کسیاحہا سکتاہے؛ ہم جم کی کمیت اسس کے مسر کز کمیت پر تصور کرے مساوات ۲.۱ ستمال کرتے ہیں۔

نمونی سوال ا. ٤: مانی تجاذبی قوت، دوابعادی، تین ذروی

 $m_2 = m_3 = 4.0 \,\mathrm{kg}$ اور زره 2 ، اور زره 3 ، اور جبان 3 اور جبان 3 برباقی ذرون کی صبافی توست مینی 3 کی سیسی 4 مینی 4 کی اور جبان 4 کی اور خراج کی او

كليدي تصوراھ

 $(F = Gm_1m_2/r^2)$ ای و نکه جمین ذروں سے واسط ہے، ذرہ 1 برباتی ذروں کی تحب ذلی قوت کی ت در مساوات اے ا

ے حسامسل ہو گی۔(2) ذرہ 1 پر تحباذ بی قوت اسس ذرے کے رخ ہو گی جو قوت پیدا کرتی ہے۔(3) ہے۔ قوتیں ایک محور پر نہیں پائی حب تیں اہلہٰ ذاان کی فت دروں کو جمع یا منفی نہیں کیا حب سکتا۔ انہیں سمتیات کی طسرح جمع کرنا ہوگا۔

حماہے: مساوات الکے تحت ذرہ 1 پر ذرہ 2 کی قوت \vec{F}_{12} کی تحت در ذیل ہوگ۔

$$F_{12} = \frac{Gm_1m_2}{a^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2})(6.0 \,\mathrm{kg})(4.0 \,\mathrm{kg})}{(0.020 \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 4.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}$$

اسى طسرح ذره 1 ير ذره 3 كى قوت كى ت در ذيل موگا ـ

$$F_{13} = \frac{Gm_1m_3}{(2a)^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2})(6.0 \,\mathrm{kg})(4.0 \,\mathrm{kg})}{(0.040 \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}$$

وزہ 1 پر صافی قوت سن $\vec{F}_{1,i}$ تلاشش کرنے کے لئے ہمیں دونوں قوت کو سمتیات کی طسرح جمع کرنا ہوگا (شکل 4d.13 اور $\vec{F}_{1,i}$ تو سن $\vec{F}_{1,i}$ تو تعدد تلاشش کرنے کے بعد میں $\vec{F}_{1,i}$ کارخ معلوم کرتے ہیں۔ وحدد قبل ہے۔

$$F_{1,i,j} = \sqrt{(F_{12})^{+}(-F_{13})^{2}}$$

$$= \sqrt{(4.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N})^{2} + (-1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N})^{2}}$$

$$= 4.1 \times 10^{-6} \,\mathrm{N} \quad (-1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N})^{2}$$

مثبت محور x کے ساتھ سن $\vec{F}_{1,1}$ کازاویہ مساوات 6.3 تحت ذیل ہوگا۔

$$\theta = \tan^{-1} \frac{F_{12}}{-F_{13}} = \tan^{-1} \frac{4.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}}{-1.00 \times 10^{-6} \,\mathrm{N}} = -76^{\circ}$$

کیا سے زاویہ درست معلوم ہوتا ہے (شکل 4f.13)؟ بالکل نہیں، چونکہ سن $\vec{F}_{1,2}$ کا زاویہ $\vec{F}_{1,3}$ اور $\vec{F}_{1,3}$ کی دومیان ہوگا۔ باب $\vec{F}_{1,2}$ کے دو سرا

calculator"

باب، 2. تحباذب 277

جوار حانے کے لئے زاوے کے ساتھ °180 جمع کرنا ہوگا:

П

جو سن $\vec{F}_{1,1}$ کادرست زاوی نظر آتا ہے (شکل 4g.13)۔

آزمائش ۲

تین ذرے، جن کی کمیت برابر ہے، کو حیار مختلف صور تول مسین رکھا گیا ہے(شکل؟؟)۔(۱)جسن ذرے کو mسے ظاہر کے اگیاہے،اسس پر صافی تحباذ کی تو ہے کی ت در کے لحاظ ہے،اعظم تیمت اول رکھ کر، حیار صور توں کی در حب ببندی کریں۔ (ب) کیا صورت 2 میں صافی قوت کارخ اس ککیسر کے زیادہ تشریب ہے جس کی لمب کی d ہے یا جس کی کمب کی D کی کمب کی D ہے ۔ ؟

۷٫۳ سطخ زمین کے تسریب تحباذب

م**قاصد** اسس حصہ کوپڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. آزاد گرنے کااسراع اور تحباذ کی اسسراع مسیں تمین کریائیں گے۔

۲. یکان، کروی فلکیاتی جم کے تسریب کسیکن اسس سے باہر تحباذ بی اسسراع کاحساب کرپائیں گے۔

m. پیپائشی وزن اور تحیا ذبی قو<u>۔</u> کی ت در مسی*ں تمین ز* کریا ئیں گے۔

كليدي تصوراھ

• ایک ذرے کا $(-1)^3$ کی کمیت m ہے) تحباذلی اسرائ a_{g} صرف اور صرف، ذرے پر عمس سے بیاد الی اسرائ و میں انہانے کی استان میں انہانے کی انہانے توت کی بنا ہے۔ یک ان کروی جم، جس کی کمیت M ہے، کے مسر کزے ۲ مناصلے پر واقع ذرہ پر عمس ال پیسرا تحباذلی قوت کی تدر F مساوات ا. کے حساصل کی حباستی ہے۔ یوں، نیوٹن کے متانون دوم کے تحت ذىل ہو گا:

 $F = ma_g$

جس سے ذیل حسامسل ہو گا۔

$$a_g = \frac{GM}{r^2}$$

• زمسین کی تمسیق تقسیم یک ان نہیں، زمسین مکسل کروی نہیں، اور زمسین اپنے مسر کز کے گرد گھوم رہی ہے المہذا سطح زمسین کے متسریب ذرے کا حقیق آزاد گرنے کا اسسراع تحباذ بی اسسراع معمولی مختلف ہو گا، اور ذرے کا وزن(جو mg کے برابرہے) ذرے پر تحیاذ بی قویہ کی مت درسے مختلف ہو گا۔

اتھ ag کی تب دیلی	حبدول ا. ۷: بلن دی کے س
-------------------	-------------------------

بلندی مشال	$a_g \pmod{m s^{-2}}$	بلندی (km)
اوسط شطح زم <u>ن</u> ين	9.83	0
سسگرما تا	9.80	8.8
بلت د ترین انسان بر دار غب اره	9.71	36.6
حنـلائی جہـاز کامدار	8.70	400
مواصلاتی سیاریچ کامدار	0.225	35700

سطح زمسین کے **ت**سریب تحباذ ب

آئیں و ضرض کریں زمسین یک ال کروی ہے اور اسس کی کیت M ہے۔ زمسین سے باہر، زمسین کے مسر کزے r و ناصلے M یرواقع ذرہ ، جس کی کیت m ہے، پر زمسین کی تحب ذکی تو ہے۔

$$F = G \frac{Mm}{r^2}$$

اگر ذرہ رہاکتیا حبائے، تحباذ بی قوت \vec{F} کی بسازرہ تجافر ہی اسراع \vec{a}_g کے ساتھ زمسین کے مسرکز کی طسر ونہ گرے گا۔ گا۔ نیوٹن کاحت نون دوم قوت کی صدر F اور اسسراع a_g کاذیل تعساق دیت ہے۔

$$(2.1•) F = ma_g$$

ماوات 2.1 ویل حساس ہوگا۔ a_g وال کر a_g وال کر کے ویل حساس ہوگا۔

$$a_g = \frac{GM}{r^2}$$

سٹے زمسین سے مختلف بلند ہوں کے لئے a_g کی قیمتیں جدول اے مسیں پیش ہیں۔ دنیا کی بلند ترین چوٹی سگر a_g کی تیمت مناص ہے۔ $a_g=9.80~\mathrm{m\,s^{-2}}$

ہم حصہ 1.5 ہے ، زمسین کا گھماو نظر رانداز کر کے ، زمسین کو جمودی چوکھ نے تصور کرتے رہے ہیں۔ اسس شہبل کی بن ہم حصہ 1.5 ہے ، زمسین کا گھماو نظر نے کا اسراع g اور ذرے کا تحباذ کی اسراع (جس کو اب ہم a_g کہتے ہیں) ہم صدر ض کرتے رہے ہیں کہ ذرم ہیں کہ زمسین پر ہر کہسیں g کی قیمت مستقل اور g ہم سے تاہم ، (درخ ورز کے ایک معتام پر g کی پیمائٹی قیمت ، اسس معتام پر مساوات ال کے سے حساس کی جمعی معتام پر میں اور (3) زمسین کی کمسیتی تقسیم کی اس جسیں (2) زمسین کھرم رہی قیمت نے مختلف ہوگی: (1) زمسین کی کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (2) زمسین کمسل کروی جسیں ، اور (3) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (2) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (2) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (2) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (3) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (2) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (3) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں ، (2) زمسین کمسیتی تقسیم کیساں جسیں کمسیتی تقسیم کیساں جسیں کمسیتی تقسیم کیساں جسیں کمسیتی تقسیم کیسان کر کے دور کمسیتی تقسیم کیساں جسیں کمسیتی تقسیم کیساں کر دور کی جسیاں ہوگی کیسان کیسان کیسان کیسان کیسان کیسان کیسان کیسان کر کے خوالم کیسان کیس

gravitationalacceleration MountEverest MountEverest

۲۲۴

mg کی تیب کتی وزن a_g میل وزن و میل وزن a_g میل وزن و میل و میل وزن و میل وزن و میل وزن و میل وزن و میل و میل

- ا. زماین کی کملین تقلیم یکمال نمیں نرمسین کے رواس کے ساتھ زمسین کی کثافت (کیس فی اکائی تحبم)مسیں تسبدیلی شکل 5.13 مسیں پیش ہے، اور زمسین کے قشر (بیسرونی پرس) کی کثافت سطخ زمسین پر ایک معتام سے دوسرے معتام مختلف ہوگی۔ سے دوسرے معتام مختلف ہوگی۔
- ا. زمین مکلی کروئ نمین ترخین ترخین ترخیم سطے ہو قطبین پر چپٹی اور خط استواپر ابھ سری ہے۔ اس کا استوائی رواس (زمسین کے مسرکزے خط استوائک و ناصلہ) قطبی رواس (مسرکزے شمالی قطب یا جوبی قطب تک سامسلہ) ہے 21 km کا نیادہ ہے۔ یوں، زمسین کے اندرونی کثیف خط ہو قطبین پر نقط خط استوابر نقط سے مناورہ قطبین پر نقط خط استواٹ شمالی قطب یا جوبی سے تارہ ہوئے خط استواٹ شمالی قطب یا جوبی قطبین کی قطب کی طسرف چیتے ہوئے آزاد گھرنے کے اسراع و کی پیپ کئی قیمت بڑھتی ہے۔ چیتے چیتے آپ قطبین کی طرف بڑھتے ہیں، آپ زمسین کے مسرکز کے مسرکز کے وسیر ہوتے دباتے ہیں، اور نیوٹن کے وسانون تحباذ ب کے حت میں ہوتے دب تے ہیں، اور نیوٹن کے وسانون تحباذ ب کے حت میں کردے مسرکز کے مسرکز کے وسیر کے بیاد ہوتے دب تے ہیں، اور نیوٹن کے وسانون تحباذ ب کے حت میں کردے وہ بڑھتی ہے۔
- ۳. زماین گھوم رہی ہے۔ زمسین کی محور گھماوشمالی اور جنوبی قطب سے گزرتی ہے۔ قطبین کے عسلاوہ، سطخ زمسین پر کسی بھی نقط۔ پر واقع جہم محور گھماو کے گرد دائرے پر گھومت ہے اور بیل دائرے کے مسر کزے رخ مسر کز مائل اسسراع محسوسس کرے گا۔ مسر کز مائل اسراع کی بدولت دائرے کے مسر کز مائل صافی قوت بھی ہوگی۔

سے مستجھنے کے لئے کہ زمسین کا گھساو و کو و a سے کسس طسرت مختلف بناتا ہے، ہم ایک سادہ مشال پر خور کرتے ہیں۔ و نسرض کریں خطارہ شکل 6a. 13 مسین د کھیا گئیا ہے۔ شمالی قطب پربلٹ دی سے نظارہ شکل 6a. 13 مسین د کھیا گئیا ہے۔

سنکل 6b.13 مسیں کریٹ کا آزاد جسمی صنا کہ کریٹ پر عمسل پسیرا دو قوت دکھاتا ہے۔ دونوں قوت محور r ہم مسراہ ہیں، جو مسر کز زمسین سے ردای باہر رخ ہے۔ کریٹ پر ترازو کی عصودی قوت \vec{F}_N بنجہ محور r کر د زمسین کے طروز مین کے r باہر کی طسرون ہے۔ چونکہ کریٹ مصر کز زمسین کے گر د زمسین کے طسرون ہے۔ چونکہ کریٹ مصر کز زمسین کے گر د زمسین کے طسرون ہم سے تھے ساتھ گھومت ہے، مصر کز زمسین کی طسرون کریٹ کا مسرکز مائل اسراع r ہوگا۔ مساوات r برابر ہوگا، جہال سی زمسین کی زادی رفتار اور r دائرے کا ارداس (جو تھیٹ کریٹ کا مساوان دوم r دائر ہوگا، جہال سی زمسین کے رداسس کے برابر ہوگا، ہم ہوگاہ جہال سی زمسین کے رداسس کے برابر ہوگا، ہم ہوگاہ ہم پر تو توں کے لئے نیوٹن کا مساوان دوم r کا داس کے برابر ہوگا، ہم ہوگا کے ایکا گھا

$$(2.1r) F_N - ma_{g} = m(-\omega^2 R)$$

عسودی قوت کی ت در F_N ترازو پر ناپا گیا وزن mg ہے۔ مساوات F_N کی جگہ mg ڈال کر ذیل کے مال کہ ذیل کی میں ہوگا:

$$(2.17) mg = ma_g - m(\omega^2 R)$$

جو ذیل کہتی ہے۔

یوں زمسین کے گھساو کی ہروات کریٹ کانایا گیاوزن تحباذ بی قوت کی متدرے کم ہوگا۔

اسراع میں فرق۔ مساوات ۱۳ کامسیں دونوں اطسران سے منسون کرکے اسسراع و اور اسسراع کامطالقتی فت میں دونوں اطسران سے کامطالقتی فت میں دونوں اطسران سے میں دونوں اطسران سے میں دونوں اطسران سے میں دونوں اطسران کرتے ہیں دونوں السیان کرتے ہیں دونوں کرتے ہیں دونوں السیان کرتے ہیں دونوں کرتے

$$(2.1r) g = a_g - \omega^2 R$$

جوذیل کہتاہے۔

$$(2-\sqrt{3})$$
 (تحباذلی اسراع) $(3-\sqrt{3})$ (آزاد گرنے کا اسراع)

یوں زمسین کے گھے وکی ہدواست آزاد گرنے کااسسراع تحباذبی اسسراع ہے کم ہوگا۔

نمونی سوال ۷۰۲: سیر اور پیر پر اسراع میرے فرق

 $r=6.77 \times 10^6\,\mathrm{m}$ ن المير خيال ن جس كات د مين $r=6.77 \times 10^6\,\mathrm{m}$ ن المير مين ن مين "پير نيخ "تير دراېس ير تي از المين ا

كليدي تصوراھ

ہم زمسین کو یکساں کرہ تصور کر سکتے ہیں، جس کی کمیت M_E ہے۔ یوں، مسر کز زمسین ہے au مناصلے پر تحباذ کی اسسراع مساوات auا۔ کے تحت ذیل ہوگا۔

$$a_g = \frac{GM_E}{r^2}$$

 ۲۲۷ پاپ2. تحباذی

حماج: رداس ٢ ك لحاظ ماوات ١٥٤ كالقسر ق ذيل دياً:

$$\mathrm{d}a_g = -2\frac{GM_E}{r^3}\,\mathrm{d}r$$

جباں r میں تغسر یقی تبدیلی dr کی بن تغسر یقی تجباذ بی اسسرائ مسیں تغسر یقی تبدیلی dr کی بن تغسر یقی تجباد کے dr اور dr=h اور dr=h اور dr=h اور یا سال ہوگا:

$$da_g = -2 \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2})(5.98 \times 10^{24} \,\mathrm{kg})}{(6.77 \times 10^6 \,\mathrm{m})^3} (1.70 \,\mathrm{m})$$

$$= -4.37 \times 10^{-6} \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-2} \qquad (-1.6)$$

جہاں زمسین کی کمیت M ضمیہ C سے لی گئی ہے۔ اسس بتیجہ کے تحت زمسین کی طسرف منا باز کے پیسر کا اسسراع اسس کے سسرت (جو مدوج در کھی اسسراع اسسراع سے معمولی زیادہ ہے۔ یہ مسئرت (جو مدوج در کھی اسے محبوس نہیں کریائے گا۔ لمب کرنے کی کوشش کرتاہے، تاہم یہ منسرت اتنامعمولی ہے کہ وہ کبھی بھی اسے محبوسس نہیں کریائے گا۔

حماج: یہاں بھی حناباز کے سراور پیسر مسیں r کا تفسر یقی منسرت dr پایاجیا تا ہے، اہنے اہم دوبارہ مساوات۔ ۱۸ کا سنت تعالی کرتے ہیں۔ تاہم، اب M_E کی جگہ $M_h=1.99 imes10^{31}$ kg کو جگہ کا دوبارہ مساوات

$$da_g = -2 \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2})(1.99 \times 10^{31} \,\mathrm{kg})}{(6.77 \times 10^6 \,\mathrm{m})^3} (1.70 \,\mathrm{m})$$
$$= -14.5 \,\mathrm{m} \,\mathrm{s}^{-2} \qquad (-1.5)$$

حنلاباز کے بسیبر پر اسسرانگانس کے سسر پر اسسرانگ کافی زیادہ ہے۔ اگر حب حنلاباز اسس تھنٹی کوبر داشت کرپائے گالسیک کافی درد کے ساتھ۔ اگر وہ گفت اسود کے مسزید فت ریب حبائے، اسسرانگ مسین فنسر ق است بڑھ سکتا ہے کہ اسس کے جم کو چیسہ بھیساڑ دے۔

، ہے۔ زمسین کے اندر تحباذب

مقاصد

معاصد اسس حمہ کو پڑھنے کے بعید آپ ذیل کے وت بل ہوں گے۔

tidaleffect¹²

۲۲۷ زمسین کے اندر تحباذب

ا. حبان یائیں گے کہ یک ان خول اسس ذرے پر کوئی تحب ذبی قوت نہیں ڈالتی جو خول کے اندر ہو۔

۲. مادہ کے ناگھو منے والے یک ان کرہ کے اندر واقع ذرے پر تحب ذبی قوت کاحب کریائیں گے۔

كليدي تصوراھ

- مادے کا یکان خول اسس ذرے پر کوئی صافی تحباذ لی قوت لا گونہیں کر تاجو اسس خول کے اندر ہو۔
- $M_{j,i}$ عیاں ٹھوسس کرہ کے اندر، مسر کزے t وناصلے پر، واقع ذرے پر تحباذ کی قوت \vec{F} صرف اسس کمیت \vec{F} کی بدوات ہو گی جو رداسس t کرہ کے اندر ہے:

$$M_{\rm i,ij}=\frac{4}{3}\pi r^3\rho=\frac{M}{R^3}r^3$$

جباں ٹھوسس کرہ کی کثافت ρ ، رداسس R، اور کمیت M ہے۔ ہم اندر کی کمیت M کو ٹھوسس کرہ کے مسر کزیر ایک ذری کی کمیت تصور کرنے نیوٹن کا فت انون تحب ذہب استعمال کرتے ہیں۔ یوں کمیت m پر ذیل فت در کی قوت عمل ہیں راہوگا۔

$$F = \frac{GmM}{R^3}r^3$$

زمسین کے اندر تحیاذ ۔

نیوٹن کامسئلہ خول بکساں خول کے اندر واقع ذرے پر لاگو کرکے ذیل حساصل ہوگا۔

مادے کے یکساں خول کے اندر موجو د ذرے پر خول صافی تحب اذبی قوت لا گونہ میں کرتا۔

انتباہ: اسس کاہر گزی۔ مطلب نہیں کہ ذربے پر خول کے مختلف حصوں کا تحباذ بی قوت حبادوے عنسائب ہو حباتا ہے۔ در حقیقت، خول کے تمسام نکڑوں کے تحساذ بی قوت کامحب وعب صنسر کے برابر ہوگا۔

اگر زمسین کی کمیت کی تقسیم یکساں ہوتی، سطح زمسین پر موجو د ذرے پر تحباذ بی قوت زیادہ ہوتی، اور ذرے کو سطح سے دور باہر کی طسر ونہ لے حبانے سے ذرے پر قوت کم ہوتی۔ ذرے کو سطح کے اندر زمسین کے مسر کز کی طسر ونہ لے حبانے سے تحباذ بی قوت دو طسر ح اثر انداز ہوگی۔ (1) چونکہ ذرہ زمسین کے مسر کز کے متسریب ہوگا، اسس پر تحباذ بی قوت بڑھے گ (2) چونکہ ذرے کے ردای مناصلہ سے باہر خول ذرے پر مصافی تحباذ بی قوت پیسے دانہ میں کر تالہٰ خاذرے پر تحباذ بی قوت گھے گی۔

کیساں زمسین کے اندر واقع کمیت m کے جم پر تحباذ بی توت معساوم کرتے ہیں۔ شکل 7.13 مسیں زمسین کے آرپار، شمالی قطب سے جو ذبی قطب تک، سرنگ و کھائی گئی ہے ، جہاں جنوبی قطب سے سرنگ مسیں جم گر کر مسر کز زمسین ہے r و خاصلے پر پہنچ ہے۔ اسس کیے جم پر صوف اندر M صافی تحباذ بی توت پیدا کرتی ہے، جورداسس r کے کرہ کے اندر (نقطہ وار ککسیر کے اندر) موجود کمیت ہے۔ نقطہ وار ککسیر سے باہر خول جم پر صافی تحباذ بی توت پیدا

باب. تحباذب

نہیں کر تا۔ مسندید، ہم اندر M کو زمسین کے مسر کز پر موجو د ذرے کی کمیت تصور کر سکتے ہیں۔ یوں، مساوات ا۔ 2 سے جم پر تحب ذبی قوت کی فت در تلاسش کرتے ہیں۔

$$(2.12) F = \frac{GmM_{j,k}}{r^2}$$

چونکہ ہم یکاں کثافت ho تصور کررہے ہیں، ہم اسس اندر کی کیت کو زمسین کی کل کیت M اور رداسس R کی صورت مسین کھ کتے ہیں۔

$$\dot{\partial}$$
 کل کمیت $\dot{\partial}$ $\dot{\partial}$

اند M کے لئے حسل کر کے ذیل حساصل ہوگا۔

(2.1A)
$$M_{j,ij} = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho = \frac{M}{R^3} r^3$$

ما وات 2ا. 2 میں مب وات 2ا. 2 سے اندر M (کی دائیں ترین قیمت) ڈال کر ذیل حب صل ہوگا۔

$$(2.19) F = \frac{GmM}{R^3}r$$

جیب آیے دیکھ سکتے ہیں، زمسین کے مسر کزیر، جہاں r=0 ہوگا، تحباذ کی قوت صف رکے برابر ہے۔

مساوات 2.19 کو سمتیہ توت \vec{F} اور مسر کز زمسین سے باہر رخ ردائ محور کے ہمسراہ جیم کے تعسین گر سمتیہ تو کی صورت مسین بھی کھیا جب مسات ہے۔ مساوات 2.19 مسین تمسام متقلات کو K سے ظسامر کرکے ذیل کھیا حبائے گا:

$$\vec{F} = -K\vec{r}$$

جہاں \vec{f} اور \vec{f} کی مختالف سعتوں کو مفقی کی عسلامت ہے مسل کر کے ظہام کیا گیا ہے۔ مساوات ۲۰۷۰ کا روپ و تانون ہک (کساں زمسین کی صورت میں)، روپ و تانون ہک (کساں زمسین کی صورت میں)، اسپر نگ پر نسب جہم کی طسر ت، ہے جہم ارتعاش پذیر ہوگا، اور مسر کز زمسین ارتعاش کا مسر کز ہوگا۔ جنوبی قطب یہ پنچتا ہے۔ وہاں ہے جہم والپس مسر کز زمسین کی طسر نے گرد کر شمالی قطب پنچتا ہے۔ وہاں ہے جہم والپس مسر کز زمسین کی طسر نے گر کر مسر کز زمسین ہے گرد کر جنوبی قطب پنچ گا، اور سے سلمانی طسر حیات ارہے گا۔

حقیقی دنیا کی تمسین تقسیم غیسریکساں ہے (مشکل 5.13) البذاجیے جیے جم زمسین کی مسر کز کی طسرون گرتاہے، اسس پر ابت دائی طور قوت بڑھے گی۔ ایک مخصوص گہسرائی پر قوت زیادہ سے زیادہ قیمت کو پہنچے گی اور اسس کے بعسد قوت کم ہونا مشہروع کرے گی۔

۵. ۷. تحباذ بي مخفي توانائي 779

2.4 تحاذبي مخفي توانائي

م**تاصد** اسس حصبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ذرون (یا یک ان کرون جنہیں ذرے تصور کیا حب سکے) کے نظام کی تحب ذلی مخفی توانائی کاحب کریائیں گے۔
- ۲. حبان پائیں گے کہ تحباذلی قوت محسوس کرتا ذرہ جب ابت دائی نقط۔ سے اختامی نقطہ پنچتا ہے، تحباذلی قوت کا ز ذرے پر سسرانحبام کام(اور یوں تحباذ بی مخفی توانائی مسین شبدیلی)راہ پر مخصسر نہیں۔
- ٣. جب جِرم مسلکی (یاس کن جم) کے متسریب ایک ذرہ حسر کت کر تاہے، ذرے پر جِرم کی تحباذ کی قوت استعال کر کے تحیاذ کی قوت کے سرانحیام کام کاحیا ہے۔
- ہ. جِرم مسلکی (یاس کن جہم) کے لیاظ سے حسر کت کرتے جہم پر (بشول تحباذ بی مخفی توانائی) میکانی توانائی کی بقسا کااط ال کریائیں
 - چرم ف لکی (جوع مسوما یک ان کره تصور کمپ احب ئے گا) سے ذرے کی ف سراری کے لئے در کار توانائی کی وجوہا سے سمجھائیں گے۔
 - ۲. جرم مسلکی سے نکلنے کے لئے ذرے کی مسسرار کی رفت ارتلاشش کر ہائیں گے۔

كليدي تصوراھ

• دوذروں، جن کی کمیتیں M اور m ہیں، کے 3فٹ اصلہ لامت نابی سے گھٹا کر r کرتے ہوئے، ایک ذربے پر دو سرب U(r) ذرے کی تحباذیی توانائی کا سے رانحیام کام، دو ذروی نظیام، جس مسین ذروں کے $rac{1}{2}$ میں نوانائی کا سے رانحیام کام، دو ذروی نظیام، کے منفی کے برابر ہو گا۔ ہے توانائی ذمل ہو گی۔

$$U=-rac{GMm}{r}$$
 (تحب ذبی مخفی توانائی)

• دوسے زبادہ ذروں پر مشتل نظام کی کل تحسانی مخفی توانائی U تمسام جوڑیوں کی مخفی توانائیوں کا مجسوعی ہوگا۔ مشال کے طور یر، تین ذروں کے لئے، جن کی کمیتیں m_1 ، m_2 ، اور m_3 بیں ذیل ہوگا۔

$$U = -\left(\frac{Gm_1m_2}{r_{12}} + \frac{Gm_1m_3}{r_{13}} + \frac{Gm_2m_3}{r_{23}}\right)$$

• کیت M اور دواسس R کے جرم مسلکی سے منسرار (لیمنی اسس سے لامت ناہی مناصلے پر پہنچنے) کے لئے جرم مسلکی کی سطح یر جسم کی رفت از کم از کم (ذمل) فنسرار کی رفت ارکے برابر ہونالازم ہے۔

$$v = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$$

۲۳۰ کیانی

تحباذني مخفى توانائي

زمسین و ذروی نظام کی تحباذ بی مخفی تو انائی پر ہم حصہ ۱. ۲ مسیں بات کر جیے ہیں۔ ہم نے ذرہ سطخ زمسین کے متسریب رکھا تا کہ تحباذ بی قوت مستقل تصور کرنا ممسکن ہو۔ اسس کے بعد ہم نے نظام کے کسی حوالہ تفکسیل کے لئے تحباذ بی مخفی تو انائی صنسر کے برابرر کھی۔ عصوماً، اسس تفکسیل مسین ذرہ سطح زمسین پر ہو تا تھت۔ سطح زمسین سے دور ذرے کے لئے ذرے اور زمسین کے پچھون صلہ گھٹانے سے تحباذ بی مخفی تو انائی گھٹتی تھی۔

یہاں، ہم اپنی سوچ کووسعت دے کر کمیت m اور M کے دوذروں، جن کے نیج فیاصلہ r ہے، کی تحباذ بی مخفی توانائی U پر غور C تو ہیں۔ اب بھی ہم ایک والہ تفکسیل منتخب کرتے ہیں جس کی U صف سرر کھی حباتی ہے۔ تاہم، مساوات سادہ رکھنے کی حناطسر، حوالہ تفکسیل مسین دوری کا وخاصلہ T اشنابڑار کھا حباتا ہے کہ اسس کو لامستنائی تصور کرنا مسکن ہو۔ یہاں بھی، دوری کا فناف سے تحیاذ بی مخفی توانائی گھٹے گا۔ چونکہ C C C C C C C C بھی مستنائی ون مسکن منفی ہوگی، جو ذری فت ریب کرنے سے مسزید زیادہ منفی ہوگی۔

ان حق اکُن کومد نظے رکھ کر، ہم دوزروی نظام کی تحباذ کی مخنی توانائی ذیل کیتے ہیں(اسس کاجواز ہم مبلد پیشس کریں گے)۔

یادر ہے، r لامت ناہی کے متحدیب ترکرنے سے U(r) صف رکے متحدیب ترکیخی ہے، اور r کی ہر مت ناہی قیمت کے لئے U(r) مناہ مناہ ہوگا۔

 $\frac{\partial G}{\partial t} = \frac{\partial G}{\partial t} = \frac{\partial G}{\partial t}$ $\frac{\partial G}{\partial t} = \frac{\partial G}{\partial t} = \frac{\partial G}{\partial t}$ $\frac{\partial G}{\partial t} = \frac{\partial G}{\partial t}$ $\frac{\partial$

متعدد فررائے۔ دوسے زیادہ ذروں پر مشتل نظام کی صورت مسیں ہم ذروں کی ایک ایک جوڑی ہاری ہاری لے کر ان کی تحباذ بی مخفی توانائی مساوات ۲۱ سے حساس کر کے ، تمام کا الجمرائی محب وعد لیستے ہیں۔ جوڑی کی تحباذ بی مخفی توانائی حساس کرتے وقت باتی ذروں کی موجود گی نظر انداز کی حباتی ہے۔ سشکل 8.13 کی تنسینوں جوڑیوں پر مساوات ۲۱ کا اطال اق کرکے نظام کی (ذیل) تحباذ کی مختب والے سال ہوگی۔

(2.rr)
$$U = -\left(\frac{Gm_1m_2}{r_{12}} + \frac{Gm_1m_3}{r_{13}} + \frac{Gm_2m_3}{r_{23}}\right)$$

۵. ٤. تحب ذبي مخفى توانائي

مساوات ۲۱ کیا ثبوت

R آئیں شکل 9.13 مسیں دکھن کی گئی راہ پر سید ھا اوپر وار، زمسین سے دوری کے رخ، گیند چینکتے ہیں۔ مسر کز زمسین ہے P روای مناصلے پر، راہ کے نقطہ P پر، گیند کی تحب ذبی تحق تو انائی U کا الجبر ائی فعصرہ تلاسش کرتے ہیں۔ گیند کے نقطہ V تلاسش کر کے، روانا ہو کر زمسین سے لامستاہی مناصلے تک سف سوئے دوران گیند پر تحب ذبی قوت کا سرانحب م کام V تلاسش کر کے، ہمای کر نے بی ایک کرسے ہیں۔ تحب ذبی قوت V تغییر پذیر قوت ہے (ایس کی متدر V پر مخصصہ ہے)، البند اکام تلاسش کرنے کے دوران گین کی میں ذبی کھے جب ایک کے دھے۔ V کی تراکیب استعال کرنی ہوں گی۔ سمتی ترقیم مسین ذبیل کھے جب سکتا ہے۔

(2.rr)
$$W = \int_{R}^{\infty} \vec{F}(r) \cdot d\vec{r}$$

تمل میں قوت $\vec{F}(r)$ اور گیند کی راہ پر تغسریقی ہٹاوسمتیہ \vec{a} کا غنیسرستی (نقطی) ضرب پایا جب تا ہے، جو ذیل لکھیا جب سکتا ہے:

$$(\angle. rr) \qquad \qquad \vec{F}(r) \cdot d\vec{r} = F(r) \, dr \cos \phi$$

جباں $\vec{F}(r)$ اور \vec{T} کے گزاویہ ϕ ہے۔ زاویہ ϕ کی جگہ 180° اور $\vec{F}(r)$ کی جگہ مساوات المحاوات المحاو

$$\vec{F}(r) \cdot d\vec{r} = -\frac{GMm}{r^2} dr$$

جہاں زمین کی کمیت M اور گیند کی کمیت m ہے۔

اسس كومساوات ٢٠٠٠ مسين ۋال كرىكمل لىت بين:

$$W = -GMm \int_{R}^{\infty} \frac{1}{r^2} dr = \left[\frac{GMm}{r} \right]_{R}^{\infty}$$

$$= 0 - \frac{GMm}{R} = -\frac{GMm}{R}$$

جباں نقطہ Pے (جو مناصلہ Rپر واقع ہے)لامت ناہی مناصلے پر گیند پنجپ نے کے لئے در کار کام W ہوگا۔ مساوات $\Delta U = -W$ 1.8 کہتی ہیں۔ $\Delta U = -W$ 1.8

$$U_{\infty} - U = -W$$

چونکہ لامت نابی پر مخفی توانائی U_{∞} صفر، نقطہ P پر مخفی توانائی U ،اور W کام ہے جو مساوات 2.۲۵ دیتی ہے، اہلیذا ہے۔ مساوات ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

$$U = W = -\frac{GMm}{R}$$

اس مسیں R کی جگہ ۲ ککھ کرمساوات ۲۱ے حساصل ہوگا۔ یوں ثبوت مکسل ہوتا ہے۔

باب. تحباذب

راه پر غنب رانحصبار

شکل 10.13 مسیں تین ردای لمب ئیوں اور تین دائری قوسس (جن کا مسر کز زمسین ہے) پر مشتل راہ پر حیال کر گیٹ کو نقطہ A سے نقطہ G تک سفٹ کے نقطہ کا منتقب کی تحییا ذبی قوت A سفٹ کے نقطہ کا کا کا کا کہ کا کہ کہ کہ تاہد کہ تھا۔ آئری راہ کے ہر نقطہ پر آئے اور راہ آلیس مسیں عصود دار میں المبال کا کا کا مسیں ہم دلچیں رکھتے ہیں۔ شینوں دائری راہ کے ہر نقطہ پر آئے اور راہ آلیس مسیں عصود دار میں المبال کا کا کام کا محبوعہ ہوگا۔

منسرض کریں، ہم لمحساتی طور تو می راہوں کی لمب آئی گھٹا کر صف کرتے ہیں۔ ہم اب گیند کو ایک ردا می راہ پر A سے سید صا G پہنچ ہے تے ہیں۔ کسیاای کرنے سے W تبدیل ہوگا؟ تی نہیں۔ قو می راہ پر سسرانحبام کام صف ہے الہذا ان راہ کوہ شانے سے کام پر اثر نہیں پڑتا۔ نقط۔ A سے نقط۔ G تک راہ اب یقیناً پہلی راہ سے مختلف ہے، تاہم \vec{F} کا سسرانحبام کام وہی

ہم حصہ 1.8 مسیں اسس طسر σ کے نتیجہ پر عسومی بحث کر دیکے ہیں۔ یاد رہے ، تحباذ بی قوت ایک بقسائی قوت ہے۔ یوں ابتدائی نقطہ i منتقسل کرتے ہوئے ، ذرب پر تحباذ بی قوت کا سسر انحبام کام ان نقطوں کے فی آراہ پر منحب نقطہ i منتقسر نہیں ہوگا۔ منتقس منحصر نہیں ہوگا۔ مساوات σ کا کے تحت ، نقطہ σ نقطہ σ نقطہ کے تحباذ کی مختی توانائی مسین تب یک کی لیا ہوگا۔

$$\Delta U = U_f - U_i = -W$$

چونکه بقبائی قوی کاسرانحبام کام W اصل راه پر مخصر نہیں، تحباذ بی مخفی توانائی مسیں تبدیلی ΔU بھی راه پر مخصر نہیں۔

مخفی توانائی اور قو___

مساوات U(r) کے بیوت مسیں، ہم نے تف عسل قوت $\vec{F}(r)$ کے مخفی توانائی کاتف عسل U(r) حساس کریا ہم توقع کرتے ہیں کہ الٹ حیال کر مخفی توانائی کے تف عسل سے آغناز کر کے تف عسل قوت حساس کرنا مسکن ہوگا۔ مساوات E(r) عساس کرنا مسکن ہوگا۔ مساوات E(r) عساس کرنا مسکن ہوگا۔ مساوات علیہ ہوئے، ہم ذیل کھتے ہیں۔

(2.72)
$$F = -\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}r} = -\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \left(-\frac{GMm}{r} \right)$$
$$= -\frac{GMm}{r^2}$$

ہے نیوٹن کا متانون تحباذب (مساوات ا. ۷) ہے ۔ منفی عسلامت کہتی ہے کمیت m پر قوت کارخ ردای اندر وار ، کمیت M کے رخ ، ہے۔

فنسرار كي رفت ار

اگر آپ پھسر آسمان کی طسرف اوپر وار پھیٹکیں، پھسر کی رفتار بت درج کم ہو گی حتٰی کہ بے لمحاتی رک کر واپس زمسین پر گرے گا۔ زیادہ ابت دائی رفتار کے ساتھ روانا کرنے پر پھسر زیادہ بلٹ دی تک پنچتا ہے۔ پھسر کی ابت دائی رفتار ۵. ٤. تحب ذبي مخفى توانائى ٨. ٢٣٣

ا تن بڑھ انی حب سکتی ہے کہ اسس کالحب تی رکھنے کا نقطہ لامت ناہی پرواقع ہو۔ اسس رفت ارکو (زمسین سے) فرار کھ رفقار کا کہتے ہیں۔ ہیں۔

فنسرض کریں کیت m کا گولا کسی سیارہ (یا کسی چرم فنسکسی یا نظام) کی سطح سے فنسرار کی رفت ار v سے روانا ہوتا ہے۔ گولے کی حسر کی توانائی V کی تیہ سے $\frac{1}{2}mv^2$ ہوگی جو مساوات V کے تیہ سے تی ہے:

$$U = -\frac{GMm}{R}$$

R اوراکس کارداکس M ہے۔

لامت ناہی پنتی کر، گولالحی تی رکھت ہے البینز ااسس کی حسر کی توانائی صف ہو گی۔ گولے کی مخفی توانائی بھی صف ہوگی، چونکہ لامت ناہی وف صلے پر دوجم ہماری صف مخفی توانائی تشکیل ہے۔ اسس طسرح،لامت ناہی پر گولے کی کل توانائی صف ہوگا۔ توانائی کی بقب کے اصول کے تحت، سیارہ کی سطح پر بھی گولے کی کل توانائی صف ہونی حیاہے۔ یوں ذیلی ہوگا۔

$$K + U = \frac{1}{2}mv^2 + \left(-\frac{GMm}{R}\right) = 0$$

اسسے ذیل حساصل ہوگا۔

$$(2.74) v = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$$

یاد رہے، v کی قیمت اسس پر مخصس نہیں کہ گولا سطح سیارہ سے سس رخ پھینکا حباتا ہے۔ تاہم، اسس رفت ارکا حصول زیادہ آسان ہو گا اگر گولا اسس رخ پھینکا حبائے جس رخ، سیارہ کی اپنی محور کے گرد گھماو کی بدولت، سطح سیارہ حسر سے کرتی ہو۔ مشائا، حسیدرآباد سے مصنوعی سیارہ حسلامسیں بھیجنے کے لئے ہوائی بان (راکٹ) مشرق وار روانا کریا جبائے گا، تا کہ زمسین کی گردشش کی بہت حسیدرآباد سے مصنوعی سیارہ حسال مسلم 1500 km h مشرق وار رفت ارسے صنا کہ داٹھ سیار ہسکے دست کی بہت حسیدرآباد پر سطح زمسین کی ہوئے۔

کی بھی چرم سنگلی کارداسس R اور کمیت M مساوات ۷.۲۸مسیں پُر کر کے اسس سے جم کی منسرار کی رفت ار مسلوم کی حب سکتی ہے۔ جب دول ۲.۲۸مسیں چیند منسرار کی رفت ارس پیش ہیں۔

سیر ت اسب سے بڑاسیارچہ اسبے: العبور با ۲۰ ایک سفید بالشتیا ۲۱ ہے؛ اور مستعر اعظم ۲۲مسیں دھائے سے پھٹنے کے بعد ا تارے کامنہدم قلب نیوٹران تارا کہلاتا ہے۔

آزمائشس

کیت M کے کرہ سے آپ کمیت m کا گیٹ دور لے حب تے ہیں۔(۱) کیا گیٹ دور کے خباذبی مخفی توانائی بڑھتی ہے یا گھٹتی ہے؟(ب) کیا گیٹ داور کرہ کے خج تحباذبی قوت بثیت یا منفی کام کرتی ہے؟

escapespeed 12

Ceres¹

asteroid19

SiriusB^r

whitedwarf r1

supernova

۲۳۲ باب2. تحباذب

بدول ۲.۲: چند منسرار کی رفت ارین	نرار کی رفت اریں	.2:چين د و	حبدول۲
----------------------------------	------------------	------------	--------

$(\mathrm{km}\mathrm{s}^{-1})$ نسرار کی رفت ا	رداس (m)	کیت (kg)	چرم مشکی
0.64	3.8×10^5	1.17×10^{21}	سير سس سيار پ
2.38	1.74×10^6	7.36×10^{22}	زمسين كاحپاند
11.2	6.37×10^6	5.98×10^{24}	زمسين
59.5	7.15×10^{7}	1.90×10^{27}	مشترى
618	6.96×10^{8}	1.99×10^{30}	سورج
5200	1×10^7	2×10^{30}	الحبورB
2×10^5	1×10^4	2×10^{30}	نیوٹران تارا

نمونی سوال ۲۰۳۰ فلاسے سیارہے کا زمین پر گرنا، میکانی توانائی

 $12\,\mathrm{km}\,\mathrm{s}^{-1}$ ایک سیار ہے، جو زمسین سے 10 زمنی فی رداس کے مناصلے پر ہے، کی زمسین کے لیے اظ سے رفت روہ سے ہوت کے اور وہ سید ھے زمسین کے طسر ف گامسزن ہے۔ کرہ باد مہمکا سیار چے پر اثر نظسر انداز کر کے سطح زمسین پر پہنچ کر سیار ہے کی رفت اور ہوتا کہ ہے۔ تلامش کریں۔

كلب دى تصورات

چونکہ سیار چے پر کرہ باد کااڑ نظسر انداز کسیاحب تاہے، سیار حب وزمسین نظسام کی میکانی توانائی کی بقسا ہوگی۔ یوں (سطخ زمسین پر پہنچ کر) سیار ہے کی اختامی میکانی توانائی اس کی ابت دائی میکانی توانائی کے برابر ہوگی۔ حسر کی توانائی K اور تحب ذبی مخفی توانائی U کی صور سے مسین یوں ذبل کھیا جب کے گا۔

$$(\angle. rq) K_f + U_f = K_i + U_i$$

ساتھ ہی، اگر ہم نظام کو حبد اتصور کریں، گرنے کے دوران نظام کے ابت دائی معیار حسر کس کی بقت بھی ہوگی۔ یوں، سیار پے اور زمسین کے معیار حسر کس معیار جب کا تم، سیار پے کی کمیت کے اور زمسین کے معیار حسر کست اتی زیادہ ہے کہ زمسین کی وفت ار مسیں تبدیلی سیار پے کی رفت ار مسیں تبدیلی کے لیے اظ سے اس اللہ کی کمیت اوات مسیں تبدیلی بھی متابل نظر انداز ہوگی۔ یوں، مساوات مسیں حسر کی توانائی مسیں تبدیلی بھی متابل نظر انداز ہوگی۔ یوں، مساوات کے ایس طرح کی تصور کی حسر کی توانائی مسیں حسر کی توانائیس صرف سیار ہے کی تصور کی حسر کی توانائیس مرف سیار ہے کی تصور کی حب سکتی ہیں۔

 R_E اور زمسین کارداسس کارداسس کارداسس کا کیست m ، زمسین کارداسس کارداسسا کارداسس کارداسسا کارداسا کارداسا کارداسا کارداسسا کارداسسا کارداسسا کارداسسا کارداسا ک

atmosphere

جگ $\frac{1}{2}mv^2$ ڈال کرمیاوات 2.۲۹کھی جائے گی۔

$$\frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{GMm}{R_E} = \frac{1}{2}mv_i^2 - \frac{GMm}{10R_E}$$

ترتیب نوئے بعبد معلومات پُرکرکے ذیل حساصل ہوگا:

$$v_f^2 = v_i^2 + \frac{2GM}{R_E} \left(1 - \frac{1}{10} \right)$$

$$= (12 \times 10^3 \,\mathrm{m \, s^{-1}})^2 + \frac{2(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{m}^3 \,\mathrm{kg}^{-1} \,\mathrm{s}^{-2})(5.98 \times 10^{24} \,\mathrm{kg})}{6.37 \times 10^6 \,\mathrm{m}} \,0.9$$

$$= 2.567 \times 10^8 \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{s}^{-2}$$

جس سے اختیامی رفت ار ذیل حسامسل ہو گی۔

اس رفت اریر، سیار جبه زبادہ بڑا ہے ہونے کی صورت مسیں بھی حناصہ نقصان کر سکتا ہے۔ صرف m 5 قطسر کا سیار حیہ اسس رفت آرسے زمسین پر گر کر ہیں روشیا پر گرائے گئے ایٹمی بم جتنی تباہی بریا کرے گا۔ اسس جسامت کے تقسریب 50 کروڑ سیارچ زمینی مدار کے مسریب پائے حباتے ہیں،اور ۱۹۹۳میں ان مسین سے ایک زمین کے کرہ ماد مسیں داختل ہو کر جنولی بحسر الکاہل مسیں 20 km کی بلندی پر دھاکے کے ساتھ سے پھٹا۔

۲.۷ سیارے اور سیاریے: قوانین کپلر

م**قاصد** اسس حصبہ کرپڑھنے کے بعسد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. کیلر ۲۴ کے تین قوانین حبان یائیں گے۔
- r. حیان مائیں گے کپ لر کا کونب اوت نون زاوی معیار حسر کیے گی بقیا کے معیادل ہے۔
- س. بیغوی مدارے حناکہ پر نصف اکسبر محور، عن المسر کزیت، حضیض مشمسی، اوج مشمسی، اور نقساط ماسکہ حبان پائیں
 - ۸. بیغوی مدار کے لئے اکب محور، عن المسر کزیت، حضیض شمسی، اوراوج شمسی کے تعلق کااط لاق کرہائیں گے۔
- ۵. مدار مسین ت درتی یامصنوی سیار حیہ کے لئے، مدار کا دوری عسر صد، رداسس، اور اسس چرم مسلکی کی کمیت کا کمپلر ر شتہ استعال کرمائیں گے، جس کے گر د مدار ہو۔

Kepler

باب. تحباذب

كليدي تصورات

• ت درتی اور مصنوعی سیار چول کی حسر کت کسپلر کے (درج ذیل تین) قوانین مطمئن کرتی ہے۔

ا. مدار کات اون ۔ تمام سیارات بینوی مدار مسیں گھومتے ہیں جن کے ایک ماسکہ پر سورج واقع ہوگا۔

۲. رفت بوں کانت انون۔ سیارہ اور سورج کوملانے والی لکپ ربرابر وقت تی و قفوں مسین ایک جتنار قب جمہاز تی ہے۔

۳. دوری عسر صد کامت نون۔ سیارے کے دوری عسر صہ T کامسر ریح اسس کے مدار کے نصف اکسسر محور a کے معرب محور a کے معرب کاردائس م ہوذیل ہوگا:

$$T^2 = \left(rac{4\pi^2}{GM}
ight) r^3$$
 (دوری مسرم کانت نون)

جہاں M کشتی جم کی کمیت ہو گی،جو نظام شعمی مسیں سورج ہوگا۔ بیضوی سیاروی مدار کے لئے ۲ کی جگ۔ نصف اکسب محور ۵ رکھا حیائے گا۔

سیارے اور سیارہے: قوانین کپلر

جوابات