طبیعیات کے اصول

حنالد حنان يوسفزني

حبامع کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@hotmail.com

۲۰۲۹ جنوری ۲۰۲۴

عسنوان

V	کی کتاب کادیب حپ	مپری پہ
1 4 9	ئش وقت	ا پیپ ۱.۱ ۲.۱
14 11	نائی اور توانائی کی بقب ۱۰۰۲ طباقت ،	۲ مخفی توا
r9 r9 m1 mm	کز کیت اور خطی معیار حسر کت ایک بُند مسیں کمپی تصادم دوابعاد مسیں تصادم تغییر کمیت کانظام: ہوائی بان	1,# 1,# 1,# 1,# 1,#
71 71 72 27 20 A1 A7 91	و متغیب میں اسلام کے متغیب میں اسلام کے ساتھ گھماو کے متغیب مستقل اسرائ کے ساتھ گھماو خطی اور ذاوی متغیب رات کار شتہ گھماو کی حسر کی توانائی گھماو کی حسر کی توانائی تعمیب ری جود کاحب قوت مسروڑ کی نیوٹن کاروں سرات نون پرائے گھماو کی نیوٹن کاروں سرات نون پرائے گھماو کام اور گھمیسری حسر کی توانائی	۲.۴ ۲.۴ ۳.۶ ۳.۶ ۵.۶ ۲.۶ ۷.۶ ۲.۶
114		جوابات

باب

<u>گ</u>ھماو

ا بم گھماوے متغییر

بع• اصر ،

اس حسبہ کو پڑھنے کے بعب آیے درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے اگر جم کے تمام ھے ایک محور کے گر دہم وقد م گومسیں، بہ استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے استوار جم ہوگا۔ (اسس باب مسیں ایسے اجسام پر گفتگو کی حبائے گی۔)
 - ۲. حبان پائیں گے کہ اندرونی حوالہ لکسیر اور مقسر رہ بسیرونی حوالہ ککسیر کے پی زاویہ، استوار جم کازاویاتی مصام دیگا۔
 - ۳. ابت دائی اور انتقامی زاویاتی معتام کازاویاتی ہاوے ساتھ تعلی استعال کرپائیں گے۔
 - ۴. اوسط زاوی سستی رفت ار، زاوی ہیا و، اور ہیا و کو در کار دورا نے کا تعباق استعمال کریائیں گے۔
 - ۵. اوسط زاوی اسسراع، زاوی مستی رفت ار مسین تب یلی، اور اسس تب یلی کو در کار دورانیے کا تعساق استعال کر پائیس گے۔
 - ۲. حبان یائیں گے کہ حنلان گھٹری حسر کے مثبت رخ اور گھٹری دار حسر کت منفی رخ ہوگا۔
- 2. زادی معتام کو وقت کانف عسل حب نتے ہوئے، کسی بھی لیمے پر لمحساتی زادی سسمتی رفت ار اور دو مختلف وقت ول کے ﷺ اوسط زادی سسمتی رفت ارتعبین کریائیں گے۔
- ۸. زاوی معتام بالمقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی لیے پر لھے آتی زاوی سنتی رفت ار اور دو مختلف و مستوں کے ﷺ اوسط زاوی سنتی رفت ارتصین کریا ئیں گے۔
 - 9. حبان پائیں گے کہ لمحساتی زادی مستی رفت ارکی ت در لمحساتی زادی رفت ارہو گا۔

باب ۲۰. گھماو

ا. زاوی سستی رفت ار کو وقت کاتف عسل حبائے ہوئے، کمی بھی لمحے پر لمحاتی زاوی اسسراع اور دو مختلف و مستول کے نیج اوسط زاوی اسسراع تعسین کریا کمیں گے۔

- اا. زادی سمتی رفت ربالقابل وقت کی ترسیم ہے کئی بھی کھے پر لھے تی زادی اسسراع اور دو مختلف وقت توں کے ﷺ اوسط زادی اسسراع تقسین کریائیں گے۔
 - ۱۲. وقت کے ساتھ زادی اسراع تف عسل کا تکمل لے کرجسم کی زادی سسمتی رفت ارمسیں تب یلی تعسین کر پائیں گے۔ وقت کے ساتھ زادی سسمتی رفت ارتف عسل کا تکمل لے کرجسم کے زادی معت مسیس تب یلی تعسین کریا مکیں گے۔

كلب دى تصور

• مقسررہ محور، جو محور گھماو کہاتی ہے، کے گرد استوار جم کا گھماو ہیان کرنے کی مناطسر، جم کے اندر محور کو عصودی حوالہ لکیسر منسرض کی حباتی ہم جو جم کے ساتھ ہم متدم محور کے گرد گلومتی ہے۔ ایک مقسررہ رخ کے ساتھ اس ککیسرکاذاوی معتام θ نایاحباتا ہے۔ جب θ کی پیسائٹس ریڈیئن مسین ہو، ذیل ہوگا،

$$\theta = \frac{s}{r}$$
 (ریڈیمن ناپ

جہاں رداسس au کے دائری راہ کا توسی فناصلہ au اور ریڈیئن مسین زاویہ au ہے۔

• زاوے کی درجہ مسیں اور حیکر مسیں پیسائٹس کاریڈیئن پیسائٹس سے تعالی ذیل ہے۔

ريڙينن
$$2\pi=360^\circ=1$$

ایک جیم جو محور گلمب و کے گرد گلوم کر این زاوی معتام $heta_1$ سے تبدیل کرکے والے کر زاوی ہو اور تاہے، $\Delta heta= heta_2- heta_1$

جباں حنلان گھٹڑی گھباوے لئے مفی ہوگا۔ جباں حنلان گھٹڑی گھباوے لئے مفی ہوگا۔

• اگرجیم Δt دورانی مسین $\Delta \theta$ زادی سٹاو گھوہے، اسس کی اوسط زاوی ستی رفت ارول سے نام ہوگا۔

$$\omega_{\text{b.s.}} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جسم کی (لمحاتی) زاوی سستی رفت رسی ذیل ہو گا۔

$$\omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اوسط زاوی سنتی رفتار اوس اور سنتی رفتار سن دونوں سنتی معتادیر ہیں، جن کا رخ دایاں ہاتھ صاعب ہ دیگا۔ حضاوت گھٹوی گھٹوں کی اور گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی وار گھٹوں کی داوی سنتی رفتار کی و تدر جسم کی زادی رفتار ہوگا۔

۱٫۲۱٫ گھمبا و کے متغب ر

$$lpha_{\mathrm{left}} = rac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = rac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جسم کا(لمحاتی)زاویاسسراع α ذیل ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

 α دونوں مستی معتاد پر ہیں۔

طبعیات کیاہے؟

جیب ہم پہلے ذکر کر چے، طبیعیات کی توجہ کا ایک مسر کز "حسر کیات "ہے۔ تاہم، اب تک ہم صوف متقیم ترکھ پربات کرتے ہے۔ تاہم، اب تک العام متقیم ترکھ پربات کرتے رہے ہیں، جس مسیں جم سیدھی یاقوی لکسیر پر حسر کت کرتا ہے (شکل 10-10)۔ اب ہم گھاویر نظر دُالتے ہیں، جس مسیں جم کی محور کے گرد گھومت ہے (شکل 1b.10)۔

گھاو تقسر بیباً ہر مشین مسین نظر آتا ہے، اور جب آپ دروازہ کھولتے ہیں آپ اسس کو دیکھتے ہیں۔ کھیل مسین گھاواہم کردار اداکر تا ہے، جیبا گیند کونیادہ دور چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوازیادہ دیر اٹھا کر سسکتی ہے)، اور کر کرئے مسین گیند توسی راہ پر چھیکنے کے لئے (گھومتے گیند کو ہوا دائیں یا بائیں دھکسیاتی ہے)۔ گھاو زیادہ اہم مسائل، جیبا عمسر رسیدہ ہوائی جہاز مسین جھی کلسیدی کردار اداکر تا ہے۔

گھاو پر بحث سے قبل، حسر کت مسیں ملوث متغیبرات متعمار نس کرتے ہیں، جیب ہم نے باب 2 مسیں مستقیم حسر کت پر بحث سے قبل کیا۔ ہم و چھتے ہیں کہ گھاو کے متغیبرات عسین باب 2 مسیں یک اُبعدی حسر کت کے متغیبرات کی مسین باب 2 مسیں یک اُبعدی حسر کت کے متغیبرات کی مسیران اور اسراع ہوگا) مستقل ہو۔ ہم دیکھتے ہیں نیوٹن کا دوسراوت عدہ زاوی حسر کت کے لئے بھی لکھا حب سکتا ہے، تاہم اب قوت کی بجب کے ایک فئی مقدار جو قوت مسروڑ کہا تی ہے استعال کرنا ہوگا کام اور کام و حسر کی توانائی مسئلے کا اطالت بھی گھاو حسر کت پر کیا حب سکتا ہے، تاہم کیت کی بجب کے ایک نئی مقدار جو زاوی جود کہ اتنے ہے استعال کرنا ہوگا۔ چھی پڑھ جی کھی استعال کرنا ہوگا۔ ہیں اس کا اطالت گھی او حسر کت میں ہوگا، تاہم بھی کھی ارمعمولی تب دلی کی ضرور سے بیش آئے گی۔

انتباہ: اگر حب اسس باب مسین زیادہ تر حق اُق محض دوبارہ پیش کے گئے ہیں، دیکھ سے گئے ہیں جو کہ طلب وط الب سے کو اس باب مسین د عثواری پیش آتی ہے۔ اساندہ کرام اسس کی گئی وجو بات پیش کرتے ہیں جن مسین سے دو پر اتف اَق پایا جب اتا ہے: 1 یہاں عسلامت کی تعداد بہت زیادہ ہے (جنہیں یونانی حسرون مسین لکھ کر مشکل مسین مسزید امن است ہوتا ہے)، اور 2 آپ خطی حسر کت سے زیادہ واقف ہیں (ای لئے کمسرے کے ایک کونے سے دوسرے کونے تک آپ باآپ نی حب کے بیں)، اسیکن گھاوے آپ کاواسط کم رہا ہے (ای لئے تفسری گاہ مسین دوسرے کونے تک آپ باآپ نی حب کے لئے راضی ہوتے ہیں)۔ جب ان آپ کو دشواری ہو، دیکھ میں آپ

باب ۲۰. گھماو

مسئلے کوباب 2 کا کیک بُعدی خطی مسئلہ تصور کرنے آسانی پیدا ہوتی ہے۔ مشلاً ،اگر آپ سے زاوی و ن اصلہ معلوم کرنے کو کہا حبائے ، وقت قاطور پر لفظ زاوی کو بھول حبائیں اور دیکھیں آیاباب 2 کی ترقیم اور تصورات استعال کرئے جو اب حساس کرنا آسان ہوتا ہے۔

گھپادے متغیبہ

ہم مقسررہ محور پر استوار جم کے گھساد پر غور کرنا جہا ہیں۔ استوار جم اے مسراد وہ جم ہے جس کے تسام تھے، جم کی سنکل وصور سے تبدیل کیے بغیبر، ہم مسدم گلوم سکتے ہیں۔ مقررہ محمور کور سے جو حسر کست نہیں کرتی اور جس پر گلوماحب سکتا ہے۔ یول ہم ایے جم پر غور نہیں کریں گے جیسا سورج (جو گیس کا کرہ ہے) جس کے جھے ایک ساتھ جس پر گلوماحب نہیں کرتے جو نکد اسس کی محور نود حسر کست پذیر ہے (ایمی کیسند کی بھی بات نہیں کرتے چونکد اسس کی محور نود حسر کست پذیر ہے (ایمی گیبند کی بھی بات نہیں کرتے چونکد اسس کی محور نود حسر کست بالماسے ہے)۔

شکل 2.10مسیں مقسر رہ محور پر ، جو محور گھاو "یا گھاو کی محور کہالاتی ہے ، اختیاری شکل کا استوار جم گھوم رہاہے۔ حنالص گھاو ر (زادی حسر کریں) مسیں ، جم کاہر نقط ایسے دائرہ پر حسر کرتا ہے ، جس کا مسر کز محور گھاہ پر واقع ہے ، اور ہر نقط ک مخصوص و مستق مقد مسیں ایک بتنازاوی بینا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔ نقط کی مخصوص و مستق دورانے مسیں ایک بتنا خطی صناصلہ طے کرتا ہے۔

آئیں باری باری خطی معتادیر معتام، ہٹاو، سسمتی رفت ار، اور اسسراع کے مماثل زاوی معتادیریر غور کرتے ہیں۔

زاوی معتام

سٹکل 2.10 میں گھ و کو عصوری، جم کے بتھ گھومتی، جم ہے کی حبٹری حوالہ کئی ہے۔ کی مقسر رہ رخ کے ستھ ، جس کو ہم صفر ز**اور کے مقام** ممانتے ہیں، اسس کئی رکازاوی مقام م ہوگا۔ شکل 3.10 مسیں محور x کے مثبت رخ کے ساتھ زادی مقام θ نایا گیا ہے۔ ہند سے ہم حبائتے ہیں درج ذیل ہوگا۔

$$(r.1)$$
 $heta=rac{s}{r}$ (ریڈیمُن ناپ $heta=rac{s}{r}$

یہاں محور X (جوصف رزادی معتام ہے) سے حوالہ ککیسر تک دائری قوسس کی لمبائی 8 ،اور دائرے کار داسس ۲ ہے۔ اسس طسرح تعین کیا گیازاوی، در حب یاحیکر کی بحبائے، ریڈیائی اسسین ناپاحبا تا ہے۔ ریڈیئن دولمبائیوں کی نسبت (تقبایلی تعساق) ہے المباذات ہے بُعد حسالص عدد ہوگا۔ دائرے کا محیط 2 میر کا لمباذا ایک مکسل دائرے مسیں 20

> rigidbody fixedaxis rotationaxis

zeroangularposition angularposition

radian'

۱٫۷٫ گھے وکے متغیبر

ریڈینن ہوں گے۔

$$(\mathbf{r},\mathbf{r})$$
 $\mathbf{r} = 360^\circ = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi r$ دينين 2π

يا

$$(r.r)$$
 $1 = 57.3^{\circ} = 0.159$ $1 = 57.3^{\circ}$

محور گھماوپر حوالہ لکسیسر کی تکمسل حپکر کے بعب ہم θ واپس صف رنہ میں کرتے۔اگر حوالہ لکسیسر صف رزاوی مقتام ہے ابت داکر کے دو حپکر تکمسل کرے، لکسیسر کازادی مقتام $\theta=4\pi$ ریڈ مین ہوگا۔

محور x پر حنائص مستقیم حسرک کے لئے x(t) ، یعنی مصام بالمقابل وقت، حبانے ہوئے ہم حسرک پذیر جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔ ای طسرح، حنائص گھساو کے لئے $\theta(t)$ ، یعنی زاوی مصام بالمقابل وقت، حبائے ہوئے ہم گھومتے جم کے بارے مسیں وہ سب کچھ مصاوم کر سکتے ہیں جنہ میں حبانت مقصود ہو۔

زاوی هساو

اگر سشکل 3.10 کا جسم محور گھے۔ و پر سشکل 4.10 کی طسر ج گھوم کر حوالہ ککسیسر کازادی معتام θ_1 سے تبدیل کرکے θ_2 کرے، جسم کا زادی ہناو $\Delta \theta$ ذیل ہوگا۔

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1$$

زادی ہے او کی ہے۔ تعسریف سے صرف استوار جہم بلکہ جہم کے ہر اندرونی ذرہ کے لئے درست ہے۔

گھویال منفی ہیں۔ محور x پر مستقیم حسر کت کی صورت مسیں جسم کا ہناو Δx مثبت یا منفی ہو گا، جو ، محور پر جسم کی حسر کت کے رخ پر مخصر ہے۔ اس طسرح، گھساو کی صورت مسیں جسم کا زاوی ہناو $\Delta \theta$ درج ذیل متاعدہ کے تحت مثبت یا منفی ہوگا۔

ت عبده ۲۰۱۱ حنلان گھٹری زاوی ہٹاومثبت اور گھٹری وار ہٹاومنفی ہوگا۔

" گھسٹریال منفی ہیں" کا فعت رہ اسس مت عدے کویادر کھنے مسیں مدد دے سکتا ہے۔ یاد رہے گھسٹری کے سسکنٹر کی سوئی کاہر مت م آپ کی زندگی کا ٹتی ہے۔

آزمائشسا

 باب ۲۲ گھساو

زاوی مستی رفت ار

منسرض کریں ایک جم وقت t_1 پر زاوی معتام θ_1 پر اور وقت t_2 پر زاوی معتام θ_2 پر ہو، جیب شکل 4.10 مسیں دکھایا گیا ہے۔ ہم t_1 تا t_2 وصتی دورانے Δt مسیں جم کی اوسط زاوی سمتی رفتار کا ادسا کی تعسریف ذیل کرتے ہیں،

$$\omega_{\text{b.s.}} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

جباں وقت دورانی کے مسیں زادی ہناو سے کہ جب (زادی سنتی رفت ارکے لئے یونانی حسرون ججی کا، چوٹی تکھائی مسیں ، آمنسری حسرت اومیگا س استعال کیا حبائے گا۔) مساوات ہم مسیں کے مسیرے و مسیر ترین تحدیدی قیمت مسل ہوگی جو کھاتی زاور سمتی رفتار ω (یا مختصراً زاور سمتی رفتار ω) کہناتی ہے۔

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اگر $\theta(t)$ معلوم ہو،اسس کا تغسر ق لے کرزاوی سمتی رفت ار ω

چونکہ اسس جسم کے تمام ذرہے ہم متدم ہیں، لہذامساوات ۵.۴ اور مساوات ۲.۴ ناصرف مکسل گھومتے استوار جسم کے بلکہ جسم کے برزرے کے لئے درست ہیں۔ زادی سسمتی رفتار کی عصوی مستعمل اکائی ریڈیئن فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (rad s⁻¹)، حرکر فی سیکنڈ (وحیکر فی منہ ہے۔

تحور x پر مثبت رخ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی مستی رفتار v مثبت جب منفی رخ حسر کت کی صورت مسیں منفی ہوگی۔ ای طسرح محور پر مثبت رخ (حسان شحت گھٹڑی) گھساو کی صورت مسیں استوار جسم کی زاوی مستی رفتار مثبت منفی رخ آب منفی ہوگی۔ ("گھٹڑیاں منفی ہیں"اب بھی درست ہے۔)زاوی مستی رفتار کی میں منفی ہوگی۔ ان کی میں عسامت استعال کریںگے۔
کی صدر ز**اوی رفتا**ر مجمعی اتق ہے۔ ہم زاوی رفتار کے لئے بھی میں عسامت استعال کریںگے۔

زاوی اسسراع

گوتے ہوئے جسم کی زاوی سمتی رفت ارمتقل ہے ہونے کی صورت مسیں جسم زاوی اسراع ہے دو حیار ہوگا۔ فضر ض کریں وقت ہوئے جسم کی زاوی سمتی رفت اور ω_1 اور ω_2 پر ω_2 ہونے وردانیہ ω_1 تا ω_2 مسیں گومتے ہوئے جسم کی اوسط زاوی اسراع اسراع ورد اور میں میں تعدید نام ہے،

$$\alpha_{\text{\tiny b-yl}} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

averageangularvelocity²

instantaneous angular velocity A

angularspeed

averageangularacceleration'*

۱٫۲۹٫ گھماوکے متغیر

جباں ی Δω زاوی سمتی رفت رمسیں Δ کے دوران تبدیل ہے۔ المحاقی زاوی اسراع "(یا مخصراً زاوی اسراع)، جس کے میں زیادہود کچی ہے، کم صف رکے متریب ترکرنے سے نہیں درج ذیل، تحدیدی قیت کو کہتے ہیں۔

$$\alpha = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

مساوات کے $^{\alpha}$ اور مساوات $^{\alpha}$ جم کے ہر ذرے کے لئے درست ہیں۔ زاوی اسسراع کی عصومی مستعمل اکائی ریڈ مین فی مستعمل اکائی ریڈ مین فی مسرئع سیکنڈ $^{\alpha}$ (rad s⁻²) اور حیکر فی مسرئع سیکنڈ $^{\alpha}$

نمونی سوال ۲۰۰۱ زاوی مقام سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

سنگل 5a.10 میں مت رص اپنے وسطی محور کے گر د گھوم رہاہے۔ مت رص پر حوالہ لکسیسر کازاوی معتام $\theta(t)$ ذیل ہے، جہاں t اور θ بالت رتیب سیکنڈ اور بیڈیئن مسیں ہیں، اور صف رزاوی معتام سنگل مسیں د کھیایا گیاہے۔ θ

$$\theta = -1.00 - 0.600t + 0.250t^2$$

x استعال کر کے مسئلے کو باب دی ہور پر لفظ "زاوی معتام" سے "زاوی" حنارج کر کے اور θ عسلامت کی جگ x استعال کر کے مسئلے کو باب x کو باب x کو باب x کی کیس بعدی حسر کست کے معتام کی مساوات حساصل ہو گا۔)

(۱) مت رص کازادی معتام بالمقابل وقت $t=-3.0\,\mathrm{s}$ تا $t=5.4\,\mathrm{s}$ تا کالادی معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کا دری معتام کی حوالہ کا معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی معتام کی حوالہ کی حو

ا.ا. ۴ کلیدی تصور

وت رص کے زاوی معتام سے مسراد اسس پر تھینچی حوالہ ککسے کا معتام $\theta(t)$ ہے، جو مساوات $\theta(t)$ دیتی ہے؛ لہذا ہم مساوات $\theta(t)$ میں نتیجہ شکل $\theta(t)$ مسل ہیٹ ہے۔

حماج: مسترص اور حوالہ لکب رکامت ام کسی مخصوص کمیے پر حن کہ بین نے کے لئے ضروری ہے کہ اسس کمیے پر ہمیں θ معلوم ہو، جومب اوات θ ہمیں کمیے کاوقت ڈالنے سے حساس ہوگا۔ بین θ کے لئے ذیل ہوگا۔

$$heta = -1.00 - (0.600)(-2.0) + (0.250)(-2.0)^2$$

= 1.2 rad = 1.2 rad $\frac{360^{\circ}}{2\pi} = 69^{\circ}$

یہ نتیب کہتا ہے کہ فت رض پر موجود حوالہ لکت رلحت $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر صنب رمت م ہے بیشت رخ (حناون یہ نتیب کہتا ہے کہ معت م وجود حوالہ لکت رکا ہے کہ معت م دکھایا گیا ہے۔ گھٹ ری t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م دکھایا گیا ہے۔ t=0 کی بیش معت م میں معت میں معت م میں معت م میں معت م میں معت میں میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت میں معت معت میں میں میں معت میں میں معت میں

instantaneous angular acceleration "

باب ۲۰. گلماو

0.60 ریڈیئن لینی 0.45 ہو گی (من کہ 5)۔ جس کھے ترسیم محور t سے گزرتی ہے، $0 = \theta$ ہو گااور حوالہ ککسیر لحاتی عسین صف مقتام پر ہو گی (من کہ 2 اور 4)۔

كلب دى تصور

تف عسل کی انتہا قیمت (بہاں کم سے کم قیمت) معسلوم کرنے کی حن طسر ہم تف عسل کا ایک گنا تفسر ق لے کر صف ر کے برابر رکھتے ہیں۔

 $\theta(t)$ کاایک گناتف رق زیل ہے۔

$$\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = -0.600 + 0.500t$$

ی کم ے کم قیمت جانے کے لئے ہم مساوات ویں میں میں t والتے ہیں، جوذیل دیگا۔ $\theta(t)$

$$\theta = 0$$
 ريڙيئن $-.136 \approx -77.9^{\circ}$

θ(t) کی کم ہے کم قیمت (مشکل 5b.10 مسیں نشیب) صف رزاد کی معتام سے متسر ص کی زیادہ سے زیادہ گھٹڑی دار گھما و ہے، جو حنا کہ 3 سے کچھ زیادہ ہوگا۔

كلب ي تصور

مساوات ۲۰۱۱ کے تحت زاوی مستی رفت ار ω سے مسراد d heta/dt ہے جو مساوات

۱۰ ۴ دیتی ہے۔ یوں ذیل ہو گا۔

$$(r.11)$$
 $\omega = -0.600 + 0.500t$

اس تف عسل ، (t) ،

 $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پربنانے کی حناطب ہم مساوات t^{α} اسین سے قیمت وال کرذیل $t=-2.0\,\mathrm{s}$ کرنان کردیل کرتے ہیں۔

$$\omega = -1.6 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} \qquad (\text{--}1.8)$$

۱٫۷٫ گھپ وکے متغیبر

منفی کی عسلامت کہتی ہے کہ $t=-2.0\,\mathrm{s}$ پر تسبر ص گھٹڑی وار (منفی رخ) گھوم رہاہے (جیب سٹکل 5c.10 مسین دائیں ہاتھ حناکے مسین دکھیایا گیاہے)۔

ماوات ۱۱. γ مین $t = 4.0 \, \mathrm{s}$ ڈال کر ذیل ماصل ہوگا۔

مضم ریشت عسلامت کہتی ہے مترص مثبت رخ (منلاف گھٹڑی) گوم رہا ہے (شکل 5c.10 مسیں دایاں ہاتھ مناکہ)۔

 $\omega = 0$ ہوگا۔ جب حوالہ لکب ر، شکل 5b.10 میں $\omega = 0$ ہوگا۔ بوں $\omega = 0$ ہوگا۔ جب حوالہ لکب ر، شکل 5b.10 میں ω کی کم سے کم قیمت کو بہنچ ہے، مسیر صلحت آئی رکتا ہے، جب شکل 5c.10 میں وسطی من کہ عندیہ دیتا ہے۔ شکل 5c.10 میں ω بالمقابل ω کی ترسیم پر صنب رنقط، جب ان ترسیم منفی (گھٹری وار) گھٹ وے مثبت (مندان گھٹری) گھٹ و کا آغذاز کرتی ہے، وہ نقطہ ہے جب ان مسیر صلحت تی رکتا ہے۔

ر) $t = 6.0 \, \text{s}$ تا $t = -3.0 \, \text{s}$ تا کرسہ ان کرس کی مسرکت ہان کر س

بیان: جب ہم، 0.05 = 0.05 = 0.05 = 0.05 بیان: جب ہم، 0.05 = 0.05 بیان: جب ہم کی دیکھنے کو ملتی ہے۔ یہ 0.05 = 0.05 ریڈ بیکن پر لمحت تی رکنے کے بعب د حندان گھٹری وار اور رفت ارمسیں کمی دیکھنے کو ملتی ہے۔ یہ 0.05 = 0.05 گھومن سشر وی کرتا ہے اور آحن میر کارانس کا زادی معتام دوبارہ شبت ہوتا ہے۔

نمونی سوال ۴۰۲ زاوی اسراع سے زاوی سمتی رفتار کا حصول

ایک بحب الو ذیل زاوی اسراع سے گھاتا ہے، جہاں t اور α بالت رتیب سیکنڈ اور ریڈ بیکن فی مسریح سیکنڈ میں سے۔

 $\alpha = 5t^3 - 4t$

یر لئو کی زاوی سمتی رفت از au 5 rad s اور حوالہ ککے۔ t=0 ریڈیئن ہے۔

(۱) گئو کی زاوی سنستی رفت از $\omega(t)$ کاریاضی فعت رہ ساسل کریں؛ لینی ایس تغناعسل معسلوم کریں جو وقت پر زاوی سنستی رفت از کا انتخصار صریحاً دے۔ (ہم حبانے ہیں ایس تغناعسل موجود ہے چونکہ گئوزاوی اسسراع سے گزر رہاہے؛ یوں اسس کی زاوی سنستی رفت ارتب دیل ہوگا۔)

كلب دى تصور

 $\omega(t)$ تعسرینے کے روسے $\omega(t)$ کاومت تی تعسر تنہ ہوگا۔ یول، وقت کے لیاظے $\omega(t)$ کا کھل $\omega(t)$ دیگا۔ عمل وات $\alpha(t)$ کا کہتی ہے میں اوات $\alpha(t)$ کہتی ہے میں اوات $\alpha(t)$ کا کہتی ہے میں اوات $\alpha(t)$ کا کہتی ہے میں اوات کے انہائی کہتی ہے کہ میں اوات کا کہتی ہے کہ اور انہائی کی انہائی کی اور انہائی کی کی انہائی کی کے انہائی کی انہائی کی کے انہائی کی کے انہائی کی انہائی کی انہائی کی انہائی کی انہائی کیا کی انہائی کی انہائی کی کرنے کی کرنے کی انہائی کی انہائی کی کرنے کی انہائی کی کرنے کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کرنے کی کرنے کی کرنے کی کرنے کرنے کی کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کر

 $d\omega = \alpha dt$

باب ۲۰. گھاو

للبنذا

$$\int d\omega = \int \alpha \, dt$$

ہو گاجو ذیل کے گی، جہاں C تکمل کامتقل ہے۔

$$\omega = \int (5t^3 - 4t) \, dt = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + C$$

 $\omega=5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ پر t=0 ہے؛الس معلومات کو درج بالامسیں ڈال کر:

$$5 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} = 0 - 0 + C$$

تمل کامت قل $C=5\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ کے سال ہوگا۔ یوں در کار تف عمل ذیل ہوگا۔

$$\omega = \frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5 \qquad (\text{...})$$

ریں۔ heta(t) کاریاضی فقت رہ تلاکش کریں۔ heta(t) کاریاضی

كلب ي تصور

تعسریف کے روے $\theta(t)$ کاو مستی تعسری $\omega(t)$ ویگا۔ یوں، وقت کے لحی ظ ہے $\theta(t)$ کا تحمل $\omega(t)$ ویگا۔ یوں، وقت کے لحی ظ ہے اوات ۲۰۲۱ کے تحت :

 $d\theta = \omega dt$

ہو گاجس سے ذیل لکھاحب سکتاہے،

$$\theta = \int \omega \, dt = \int (\frac{5}{4}t^4 - \frac{4}{2}t^2 + 5) \, dt$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + C'$$
$$= \frac{1}{4}t^5 - \frac{2}{3}t^3 + 5t + 2 \qquad (\text{---})$$

جباں $\theta=2\,\mathrm{rad}$ پر t=0 جبانے ہوئے t=0 کی قیمت ساسل کی گئ

ا بم گھاوے متغیر

كسازاوي معتادير سمتيات بين؟

ہم اکسلے ذرے کامعتام، سمتی رفت ار، اور اسسراع سمتیات ہے ہیان کر سکتے ہیں۔ اگر ذرہ صرف ایک محور پر حسر کت کرتا ہو، سمتی ترقیم استعمال کرناضر ورت نہیں۔ ایسے ذرے کو صرف دورخ دستیاب ہیں جنہیں مثبت اور منفی عسلامت سے ظاہر کیا حیاسکتا ہے۔

ای طسرح استوار جم متائم محور پر ، محور کے ہمسراہ دیکھتے ہوئے، صرف حنلان گھٹڑی اور گھٹڑی وار گھوم سکتا ہے۔ ان رخ کو ہم مثبت اور منفی سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ یہاں ایک سوال اٹھت ہے: "کہیا ہم گھومتے جم کے زاوی ہٹاو، زاوی سستی رفتار، اور زاوی اسسراع کو سمتیات سمجھ سکتے ہیں؟"اسس کاجواب ہے"بی ہال" (زاوی ہٹاوک کئے نیچے پیش انتہاہ ضرور دیکھسیں۔)

زاوی سمتی رفتار۔ زادی سنتی رفتار کو دیکھیں۔ شکل 6a.10 میں $\frac{1}{8}$ $\omega = 33 \frac{1}{8}$ حیکر فی سیکنڈ کی مستقل زادی رفتار کے گھسٹری وارز خگومت ابوا فسیر س د کھیا گیا ہے۔ ہیں اشکل 6b.10 میں د کھیا گیا ہے، ہم اسس کی سنتی زادی رفت ال گھسٹری وارز خگومت ابوا فسیر سے بیں۔ اسس کا طسریت کاریوں ہے: سمتی کی لمب فی کی موزوں پیب نہ کے تحت رکھی حباتی ہے، مشلا ω کارخ تعین رکھی حباتی ہے، مشلا ω کارخ تعین کی مطابقت سے رکھ حباسکا ہے۔ اسس کے بعد ω کارخ تعین کرنے کے گئے ہم وائیس کا قامدہ استعمال کرتے ہیں، جو شکل 6c.10 میں پیش ہے: فسیر س کو دائیں ہاتھ مسیں ہوں پگڑیں کہ انگلیاں گھساوک رخ ہوں۔ آپ کا سیدھ کھٹر اانگو شازادی سنتی رفت ارکے سمتی کارخ دیگا۔ اگر فسیر س محن الف رخ ہوگا۔ اگر فسیر س محن الف رخ ہوگا۔

زادی معتادیر سمتیات سے ظاہر کرنے کی عبادت مشکل سے ڈلتی ہے۔ ہم فوراً سوچتے ہیں کہ سمتیہ کے ہمسراہ کوئی چینز حسر کست کرے گل۔ بہاں ایسا نہیں ہوگا۔ اسس کے بحبائے کوئی چینز (جیسا استوار جسم) سمتیہ کے رخ کے گرد گھومتی ہے۔ حنائص گھاو کی دنیا مسین، سمتیہ کارخ کسی چینز کی حسر کت کارخ نہیں بلکہ گھاو کی گور دیگا۔ بہسر حیال، سمتیہ حسر کت بھی تعین کرتا ہے۔ مسزید، سے سمتیات سلجھانے کے ان تمام قواعد کی تعمیل کرتا ہے جو باب 3 مسیں پیشس کیے گئے۔ زادی اسراع کا تھی ایک سمتیہ ہے، اور سے بھی ان قواعد کی تعمیل کرتا ہے۔

اسس باب مسیں صرف مت نئے محور پر گھے و کی بات کی حبائے گا۔ ان مسیں سمتیات استعال کرنے کی ضرورت نہیں؛ ہم زاوی سستی رفت اور گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی وار گھٹڑی کو مثبت اور گھٹڑی وار گھٹڑی کے مختاب کو مثبت ہیں۔

شکل 7.10 مسیں دی گئی مشال پر غور کریں۔ایک کتاب کو، جو ابت دائی طور پر افتی پڑی ہے، دو مسرتب °90 زادی ہٹاوے کے گزارا گیا ہے؛ ایک مسرتب شکل 7a.10 اور دو سسری مسرتب سشکل 7b.10 کی طسرح۔ دونوں مسیں ہٹاو برابر، لسکن ترتیب ایک نہیں، اور آحنسر مسیں کتاب ایک حبیبی سست بہند نہیں۔ دوسسری مشال ایستے ہیں۔ دایاں اب ۲. گھماو

ہاتھ لٹکا کر ہتھیاں ران پر رکھسیں۔ کلائی سخت کر کے ، (1) ہازو سامنے است اٹھسائیں کہ افقی ہو، (2) اسس کو پورا دائیں لے حب ئیں، اور (3) اسس کے بعد ہاتھ والیسس نیچے ران تک لے حب ئیں۔ آپ کی ہتھیا کی اب سے رخ ہوگا۔ اگر آپ یمی عمسل السے ترتیب سے دہرائیں، آپ کی ہتھیا تی ہتھیاں کہ خوعہ السند ترتیب سے دہرائیں، آپ کی ہتھیا تی ہتھیاں کہ مخصد ہے، المب اوکو سمتی تصور نہیں کسیاحیا ساتا۔

۴.۲ متقل اسراع کے ساتھ گھیاو

تقاصد

۔۔۔ اسس همہ کو پڑھنے کے بعب آپ ذیل کے وت بل ہوں گے۔

ا. مستقل زاوی اسسراع کی صورت مسین زاوی معتام، زاوی ہاو، زاوی سستی رفت ار، زاوی اسسراع، اور گزرے دارانیے کے تعساق (حب دول ۲۰۰۱) استعال کریائیں گے۔

كليدي تصور

• متقل زاوی اسراع (جس مسیں α متقل ہوگا) گلماو حسر کت کی ایک اہم خصوصی صورت ہے، جس کی محب رد حسر کیا ہے۔ محب رد حسر کیا ہے۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha (\theta - \theta_0)$$

$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2} (\omega + \omega_0) t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2} \alpha t^2$$

متقل زاوی اسسراع کا گھساو

متنقیم حسر کی مستقل خطی اسسراع کی حسر کی (مشلاً، زمسین پر گر تا ہوا جم) ایک اہم خصوصی صورت ہے۔ حبدول 1.2 مسین اسس طسرح کی حسر کی سے کومطمئن کرتی مساوات پیش کی گئیں۔

حنالص گھماہ مسین مستقل زادی اسراع ایک اہم خصوصی صورت ہے؛ اسس کو مطمئن کرنے والی مطابقتی مساوات پائی حب اوت پائی حب تقی مساوات ڈال کر حب تھی ہے۔ ہم انہمیں بہاں اخبذ نہیں کریں گے، بلکہ مطابقتی خطی مساوات مسین مساوی زادی متغیبرات ڈال کر انہمیں پیشس کرتے ہیں۔ جبدول ایم مسین مساوات کی دونوں فہسرست (مساوات 11.2 اور مساوات 51.2 اور مساوات 15.2 تا مساوات 18.2 ہیں۔

یادرہے مساوات 11.2 اور مساوات 15.2 مشقل خطی اسراع کی بنیادی مساوات ہیں، جن سے فہسرست کی باقی مساوات اندنی کی باقی مساوات ۱۳.۳ مشقل زاوی اسراع کی بنیادی مساوات ہیں، جن سے زاوی مساوات کی فہسرست کی باقی تمسام مساوات اندنی حباستی ہیں۔ مشقل بنیادی مساوات اندنی حباستی ہیں۔ مشقل

حبدول ۲۰۰۱ متقل خطی اسراع اور متقل زاوی اسراع کی حسر کت کی مساوات

$$iego$$
 وات $iego$ ie

(r.ir)
$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
 (2.15) $x - x_0 = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$

$$(r.r) \omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0) (2.16) v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

(r.ia)
$$\theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$
 (2.17) $x - x_0 = \frac{1}{2}(v_0 + v)t$

(7.14)
$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$
 (2.18) $x - x_0 = vt - \frac{1}{2}at^2$

زادی اسراع کا سادہ مسئلہ حسل کرنے کے لئے آپ عصوماً زادی فہسرست سے (اگریہ فہسرست آپ کے پاکس موجود ہو) ایک مساوات استعال کر پائیں گے۔ آپ وہ مساوات منتخب کریں گے جس مسین صرف وہ متنخب عنب معسلوم ہوجو آپ کو در کار ہو۔ بہستر طسریق سے ہوگا کہ آپ مساوات ۱۲.۱۲ اور مساوات ۱۳.۱۳ اور مساوات حسل کریں۔ کیس اور جب ضرورت پیش آئے، انہیں بطور ہمسزاد مساوات حسل کریں۔

آزمائش ۲

(3)، $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج)، $\theta = 3t - 4$ (ابرج) $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج)، $\theta = 3t - 4$ (ابرج) $\theta = -5t^3 + 4t^2 + 6$ (برج)، $\theta = 2/t^2 - 4/t$

نمونی سوال ۲۰۰۳: ممتقل زاوی اسراع، جکی کا پای

ن اوی است کی زاوی $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراس کی زاوی $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراس کی زاوی $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراس کی زاوی $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ پراس کی زاوی متنار نستار $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ براس کی زاوی متنار نستار $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ براس کی زاوی متنار نستار $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ براس کی تعلق رفت از متنار $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ براس کی زاوی متنار نستار $\alpha=0.34\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ براستار کی نستار نستار نستار نستار کی نستار نس

(۱) وقت t=0 سے کتنی دیر بعب حوالہ ککسیسر زاوی معتام t=0 سے کتنی دیر بعب حوالہ ککسیسر زاوی معتام

كليدي تصور

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

کا انتخاب اسس لئے کرتے ہیں کہ اسس مسیں صرف ایک متغیبر، t ، نامعسلوم ہے اور ہمیں یہی در کارہے۔

باب ۲۰. گھماو

حماہ: دی گئی معلومات ڈال کر اور $heta_0=0$ اور $heta=10\pi$ rad پکر heta=0 کیتے ہوئے ذیل ہوگا۔

$$10\pi\,\mathrm{rad} = (-4.6\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1})t + \frac{1}{2}(0.35\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2})t^2$$

(اکائیوں کے شباہ کی حناطب ہم 5.0 حیکر کو 10π ریڈیٹن مسین تبدیل کرتے ہیں۔)اسس دو درجی الجبرائی مساوات کو حسل کرنے ہے ذیل حساصل ہوگا۔

$$t = 32 \,\mathrm{s}$$

ان ایک بچیب بات پر خور کریں۔ جب ہم پہلی مسرت پاٹ پر نظر ڈالتے ہیں یہ منتی رخ گوم کر $\theta=0$ ست بند معتام ہے گزر تا ہے۔ اسس کے باوجود a=0 بعد ہم اسے a=0 a=0 حپکر مثبت ست بند معتام پر پاتے ہیں۔ اسس دورانے مسین ایسا کیا ہوا کہ پاٹ مثبت ست بند معتام پر ہو سکتا ہے ؟

اور
$$t=32\,\mathrm{s}$$
 اور $t=32\,\mathrm{s}$ اور $t=0$

 $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ ناوی رفت ارے حسر کت کر تا ہے، $\omega_0 = -4.6 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$ تاہم اسس کا زاوی اسراع α مثبت ہونے کی بدولت پائے منافی رخ کے جست میں الی مثبت رخ گومت شروع کر تا ہے۔ حوالہ ککسی مثبت رخ حسل کر $\omega_0 = 0$ مقام ہے دوبارہ گزرتی ہے اور $\omega_0 = 0$ گزرنے تک مثبت رخ مسندید $\omega_0 = 0$ گزرنے تک مثبت رخ مسندید $\omega_0 = 0$ مقام ہے دوبارہ گزرتی ہے اور $\omega_0 = 0$ گزرنے تک مثبت رخ مسندید $\omega_0 = 0$ مقام ہے دوبارہ گزرتی ہے اور $\omega_0 = 0$ گزرنے تک مثبت رخ مسندید $\omega_0 = 0$

(ج) پائے کس وقت t پر لمحاتی رکتاہے؟

حماہے: ہم دوبارہ زاوی مساوات کی فہسرست پر نظسر ڈالتے ہیں اور ایسی مساوات لین حیات ہیں جس مسیں صون t نامعسلوم متغیسر ہو۔ تاہم، اب مساوات مسیں ω کاہونا بھی ضروری ہے، تا کہ ہم اسس کو 0 لے کر مطابقتی t کے کے حسل کریں۔ ہم مساوات t1. ہم منتخب کرتے ہیں، جوذیل دیگی۔

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{0 - (-4.6 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})}{0.35 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2}} = 13 \,\text{s}$$

نمونی سوال ۴۰،۴: ممتقل زاوی اسراع، پیے کی سواری

تغسر ت گاہ مسیں ایک بڑا پہیا حیلاتے ہوئے آپ کی نظسر پیچے پر سوار ایک شخص پر پڑتی ہے جو پریشان نظسر آتا ہے۔ آپ بیچے کی زادی سمتی رفتار مسین آل زادی اسراع کے ساتھ 3.40 rad s⁻¹ کے کروں مسیں کم کر کے بیچے کی زادی سمتی رفتار مسین کم کر کے بیں۔ (اسس شخص کو"گھومت شخص"تصور کرنے ہے" مستقیم حسر کرتے ہیں۔ (اسس شخص کو"گھومت شخص"تصور کرنے ہے" مستقیم حسر کرتے کرتا شخص "کہنازیادہ بہستر ہوگا۔)

(۱)زاوی سنتی رفت ارکی کی کے دوران متقل زاوی اسسراع کیا ہوگی؟

سے کی زادی اسراع مستقل ہے، المبذا ہم اسس کی زادی سمتی رفتار اور زادی ہداو کا تعملق مستقل زادی اسسراع کی م اوات (م اوات ۱۲.۴ اور م اوات ۱۳.۴) سے حسان کتے ہیں۔

حماہ: آئیں دیکھیں آیا ہم ان بنیادی مسادات کو حسل کریائیں گے۔ ابت دائی زادی سستی رفت ار $\omega=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ اورہاوی سے آرنوی ہون اور ہاوی ہے ہورہ کے آسندر پر زاوی سے تار فت ال $\theta-\theta_0=2.00\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$ = ہے۔ ہم متقل زاوی اسراع α حبانت حیاج ہیں۔ دونوں مساوات میں وقت t پیاحب تا ہے، جس میں ضر وری نہیں ہم دلچیبی رکھتے ہوں۔

نامعلوم t حنارج کرنے کے لئے ہم مساوات tا ہم ا

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha}$$

لکھ کرمپاوات ۱۳ ہمپیں ڈالتے ہیں۔

$$\theta - \theta_0 = \omega_0 \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right) + \frac{1}{2} \alpha \left(\frac{\omega - \omega_0}{\alpha}\right)^2$$

م کے لئے حسل کر کے، دی گئی معسلومات پُر کر کے، اور 20.0 حیکر کو 125.7 rad مسیں بدل کرذیل حساس ہوگا۔

$$\alpha = \frac{\omega^2 - \omega_0^2}{2(\theta - \theta_0)} = \frac{(2.00 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2 - (3.40 \,\text{rad}\,\text{s}^{-1})^2}{2(125.7 \,\text{rad})}$$
$$= -0.0301 \,\text{rad}\,\text{s}^{-2} \qquad (\text{--}1.5)$$

(___)رفت ارکتنے وقت مسیں کم کی گئی؟

 $t = \frac{1}{2}$ حیات میں، میاوات t = t سامسل کیا جا سات ہیں، میاوات t = t

$$t = \frac{\omega - \omega_0}{\alpha} = \frac{2.00 \,\text{rad s}^{-1} - 3.40 \,\text{rad s}^{-1}}{-0.0301 \,\text{rad s}^{-2}}$$
$$= 46.5 \,\text{s} \qquad (-1.8)$$

۳٫۳ خطی اور زاوی متغیب رایب کار شته

مقاصد اسس ھے کویڑھنے کے بعید آیہ ذیل کے متابل ہوں گے۔

باب ۲۰. گلماو

ا. فت ائنہ محور پر گھومتے ہوئے استوار جم کے زاوی متغیبرات (زاوی مقتام، زاوی سنتی رفت ار، اور زاوی اسسراع) کا جم پر ایک ذرب، جو کسی رداسس پر پایا حب تا ہو، کے خطی متغیبرات (مقتام، سنتی رفت ار، اور اسسراع) کے ساتھ تعساق حب ان یا ئیں گے۔

۲. ممای اسسراع اور ردای اسسراع مسین تمسیز کر پائیں گے، اور کی محور پر گھومتے ہوئے جہم پر موجود ذرے کے لئے بڑھتی زادی رفت ارداور گھٹتی زادی رفت ارکی صور سے مسین دونوں کے سمتہ بہنایائیں گے۔

كليدي تصور

• گومتے جم پر محور گھماوے عصودی فناصلہ γ پرپائے حبانے والا نقطہ، رداس γ کے دائرے پر حسر کت کرتا γ کو میں ناپاحبانے گا۔ γ کا جسم زاویہ γ کھوم، بین ناپاحبانے گا۔

$$s = \theta r$$
 (ریڈینُن ناپ)

• اسس نقطے کا خطی سمتی رفت ارق وائرے کو ممساس ہو گا؛ نقطے کا خطی رفت ار ذیل ہو گا، جہساں ، جسم اور نقطے کا (ریڈیئن فی سیکنٹر)زادی رفت ارہے۔

$$v = \omega r$$
 (ریزینُناپِ)

 اس نقطے کے خطی اسراع π کے دوجھے ہوں گ؛ایک ممائی حبزواور دوسسراردائی حبزو۔ ممائی حبزوؤیل ہو گا، جباں α جم کے (ریڈیئر) فی مسرع سیکٹر مسیں)زاوی اسراع کی ت درہے۔

$$a_t = \alpha r$$
 (ریڈینُن نایے)

رداسی حب زوذیل ہو گا۔

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$
 (ریڈیمن ناپ)

• اگرید نقط یک داوری حسر کت کرتا ہو، اسس نقطے اور جسم کادوری عسر صب T ذیل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (پیٹین ناپ (سیٹین ناپ)

خطی اور زاوی متغیبرات کار شته

محور گھاو کے گرد دائرے پر متقل خطی رفتار ہ کے ساتھ حسر کت کرتے ہوئے ذرے کی یکسال دائری حسر کت پر حصہ 5.4 مسین غور کسیا گئیا۔ جب استوار جہم کسی محور پر گھومت ہے، جہم کاپر ذرہ اپنے ایک دائرے پر ای محور کے گرد گھومت ہے۔ چونکہ جہم استوار (بلا کچک) ہے، ایسے تمام ذرے ہم صدم حسل کر ایک جستنے وقت مسیل ایک حسل کرتے ہیں؛ ان سب کی زاوی رفتار ہ برابر ہے۔

تاہم، ایک ذرہ جتنا محورے دور ہوگا، اتن اس کے دائرے کامحیط بڑا ہوگا، لہٰذااسس کی خطی رفت ار ہ اتنی زیادہ ہوگا۔ گھومنے والے جھولے تاہم میں ایک خطی رفت ارسی کے خوسس کر سکتے ہیں۔ مسر کزے جبتنے مناصلے پر بھی آپ ہول، آپ کی زاوی رفت ارسی ایک جھولے تاہم مسر کزے دور ہونے پر آپ کی خطی رفت ارہ بڑھے گا۔

ہم جم پر کی مخصوص نقطے کے خطی متغیبرات s ، v ، اور a اور v ، اور a کا تعباق حبانت v ، اور v کا تعباق حبانت متغیبرات کی ان فہرست کار سفتہ مور گھراوے نقطے کے عصودی مناصلہ v کے ذریعے ہوگا۔ یہ عصودی و ناصلہ اس دائرے کارداس v ہوگا جس پر محور محمود کی گھراوے گر د نقطے اور محور گھراوے گا جس کر تاہے۔

معتام

اگر استوار جہم پر تھینجی گئی حوالہ لکسے رزاویہ 6 گھوے، محور گھساوے ۴ مناصلے پر موجود جہم کے اندر نقطہ دائری قوسس پر مناصلہ ۶ طے کرے گا، جہاں ۶ کی قیمیہ مساوات ۱۰، بی ہے۔

$$(r.12)$$
 $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ $s = \theta r$ (ریڈ بین ناپ ا

مباوات ۱۷ مه جارا پہلی خطی و زاوی لغساق ہے۔انتباہ: زاویہ θ کاناپ ریڈیئن مسیں لاز می ہے چونکہ درج بالامساوات زاویے کے ریڈیئن مسین ناپ کی تعسریف ہے۔

رفتار

رداس ۲ کومتقل رکھ کروقت کے ساتھ مساوات ۱۷ ۴ کا تفسرق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}r$$

لیکن، ds/dt نقطے کی خطی رفت ار (خطی سنتی رفت ار کی و تدر)، اور dθ/dt گھومتے جم کی زاوی رفت ار سے بیول ذیل ہوگا۔

$$v = \omega r$$
 (پینین تایا $v = \omega r$ (پینین تایا کار پینین تایا کار پ

انتبه:زاوى رفت ارس لازماريدين في سيكندمين نابي حبائے گا۔

استوارجم کے بتم اندرونی نقطے ایک زاوی رفت ارس سے گھو سے بین الہذا مساوات ۱۰۸ مہتی ہے زیادہ رواس ۲ پر واقع نقطے کی خطی رفت ار بہیث نقطے کی دائری راہ کو مماسی ہوگ۔ نقطے کی خطی رفت اربہیث نقطے کی دائری راہ کو مماسی ہوگ۔ اگر جم کا زاوی رفت ارس مستقل ہو، مساوات ۱۸۰۸ ہم ہتی ہے جم کے اندر نقطے کی خطی رفت ارس بھی مستقل ہوگ یوں، جم کے اندر موجود ہر نقطے بیساں دائری حسر کت کرتا ہے۔ استوار جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر مسسس کے اندر موجود ہر نقطے بیساں دائری حسر کت کرتا ہے۔ استوار جم کے ہر اندرونی نقطے کی حسر کت کا دوری عسر مسسس کا دوری عسر مساوات 35.6 نیل وی ہے۔

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

merrygoround"

بایس ۲. گلمب و

 $2\pi r$ کو اسس میاوات کے تحت، ایک حپکر کے و اصلے $2\pi r$ کو اسس رفت اربے تقسیم کر کے جس سے و اصلہ طے کسیاحب نے ایک حپکر کاوقت حیاصل ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (پیرین ناپ $T = \frac{2\pi}{\omega}$ (پیرین ناپ ا

یہ معسادل مساوات کہتی ہے ایک حیکر کازاوی مناصلہ، 2π ریڈ بینُ، اسس زاوی رفت ارے تقسیم کرکے، جس سے زاوی و ناصلہ طے کیا جب ایک حیکر کاوقت حساصل ہوگا۔

اسسراع

رداسس ۲ متقل رکھ کر t کے لحاظ سے مساوات ۲۱۸،۴ کا تفسر ق ذیل دیگا۔

$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}r$$

یہاں ہم ایک پیچید گی کا سامن کرتے ہیں۔ مساوات انہ کا بایاں ہاتھ dv/dt فطی اسراع کے صرف اسس ھے کو ظل ہم ایک پیچید گی کا صدر تحلی اسراع کا سیہ طل کر تا ہے جو خطی سمتی رفت او تv کی تسبد ملی کا ذمہ دار ہے۔ سمتی رفت او تو کم کا مارے خطی اسراع کا ممہ ماری خطب کرتا ہے جو نظی مسای ہوگا۔ ہم اسے خطی اسراع کا ممہ کو خود علی ہے۔ کرذیل کھتے ہیں، جہاں a = dw/dt

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (ریڈیمن ناپ)

انت ہو: مساوات r ، r مسیں زاوی اسسراع α کاریڈ یئن نا ہے مسیں ہونالازم ہے۔ ساتھ ہی، جیسا مساوات $a_r = \frac{v^2}{r}$ ہوگا، جو $a_r = \frac{v^2}{r}$ ہوگا، جو گا، جو

$$(r.rr)$$
 $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (پیریمن ناپ)

یوں، جیب سٹکل 9b.10 مسیں دکھیایا گیا ہے، استوار گھوٹے جم پر نقطے کے خطی اسسراع کے عصوماً دو حبزو ہوں گے۔ جب بھی جم کی زاوی سستی رفت ارغیب صفسہ ہو، ردای اندر کی طسر ن کاحبزو a_r موجود ہوگا (جو مساوات ۲۳۳ میں ورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔ رق ہے)۔ ممای حبزو a_t (جو مساوات ۳۰۰ وی ہے) اسس صورت ہوگا جب زاوی اسسراع غیب رصفسہ ہو۔ a_t آزمانٹ س

گھونے والے جھولے کے حلق پر چیو نئی سیسٹھی ہے۔اگر اسس نظام (گھومٹ والا جھولا و چیو نئی) کی زاوی سسمتی رفت ارمستقل ہو، کسیا چیو نئی کا (ا)ردای اسسراع اور (ب) ممسائی اسسراع ہو گا؟ اگر س گھٹ رہی ہو، کسیا چیو نئی کا (ج)ردای اسسراع اور (د) ممسائی اسسراع ہوگا؟

نمونی سوال ۲۰۰۵: تفریح گاہ **میں ایک بڑے علقہ کی بناوٹے** ہمیں ایک بڑاافقی حلقہ ، جس کارداس س 33.1 سے ہوگا، بنانے کو کہا گیا ہے جوانقسانی دھسرے پر جیلے گا۔ (پ جبین مسیں موجود دنیا کے سب ہے بڑے پہتے جتنا ہوگا۔) موار کے ہیں۔ داونی دیوار مسیں موجود دروازے ہو t=0 کا موجود دروازے ہوں گا۔ t=0 کا موجود دروازے ہوں گا۔ t=0 کا موجود دروازے ہوں کے داخش کی موجود دروازے ہوں کے میں موجود دروازے ہوں ہوگا۔ جب کہ خوالہ کا موجود دروازے ہوں ہوگا۔ جب کے موجود موجود موجود ہوں ہوں کے میں موجود دروازے ہوں ہوروازے ہوں ہوروازے ہوں ہوروازے ہورواز

$$\theta = ct^3$$

لحبہ $z=2.30\,\mathrm{s}$ کے بعب جمولنے کے بھیں رامکسل ہونے تک زاوی رفت ارمستقل رکھی حبائے گا۔ گومت شروع ہونے کے بعب ، موار کے پاول تلے فسٹر سٹ ہا دی حبائے گا، لیکن وہ گرے گانہ میں؛ بلکہ وہ دیوار کے ساتھ مفبوطی سے حب گزا موسس کرے گا۔ کموسس کرتے ہیں۔ روای اسراع z=1 موسس کرتے ہیں۔

كلي دى تصور

(1) مساوات T راوی رفتار w و بی ہے۔ (2) مساوات T (دائری راہ پر) خطی رفتار T اور (کور گھساو کے گرد) راوی رفتار T کا تعلق T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (3) مساوات T و بی ہے۔ (4) مساوات T و بی ہے۔ (5) مساوات T و بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی اسراع ہو بی ہے۔ (6) مساوی میں عصوری حسنو ہیں۔

حماج: آئیں ان افت دام ہے گزریں۔ دیے گئے زاوی معتام تف عسل کاو متنی تفسر ت لے کر 2.20 s پُر کر کے زاوی سنتی رفت ارمعیاد م کرتے ہیں۔

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} = \frac{d}{dt}(ct^3) = 3ct^2$$

$$= 3(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})^2$$

$$= 0.928\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1} \quad (\text{--}1.6)$$

مباوات ۱۸ ۱۴ س لمجے کی ذمل خطی رفت ار دگی۔

اگر حیب بید رفت از (111 km h⁻¹) تبیز ہے، ایکی رفت از تفسری گاہوں مسیں عسام ہیں، اور خطسرے کا باعث نہیں ؛ (جیب باب 2 مسیں ذکر کیا گیا) ہمارا جم اسراع کورد عمسل کرتا ہے، خطی رفت از ہم بیت ہمیں کے ساتھ بڑھے گی (تاہم یہ اضاف سے مسرعت پیسا ہیں)۔ مساوات ۲۲ ہم کہتی ہے خطی رفت از، وقت کے مسرع کے ساتھ بڑھے گی (تاہم یہ اضاف لے 2.20 s

۸۰ پایس ۲۰. گلمهاو

اسس کے بعب، مساوات ۲۵.۲۵ کاوقت تفسر ق لے کرزاوی اسسراع معسلوم کرتے ہیں۔

اب مساوات ۴۰۲۲مماسی اسراع at دیگی:

$$a_t = \alpha r = 6ctr$$

$$= 6(6.39 \times 10^{-2} \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-3})(2.20\,\mathrm{s})(33.1\,\mathrm{m})$$

$$= 27.91 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \approx 27.9 \,\mathrm{m}\,\mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{---}).$$

جو 2.8g ، جہاں $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-2}}$ برابر ہے (جو مناسب ہے اور پُر اطف ہوگا)۔ مساوات $g=9.8\,\mathrm{m\,s^{-3}}$ مما تی اسراع اقت کے ساتھ بڑھ رہا ہے (تاہم سے اضاف $t=2.30\,\mathrm{s}$ پر رک حبائے گا)۔ مساوات $t=2.30\,\mathrm{s}$ ہما تی اسراع کھتے کر:

$$a_r = \omega^2 r$$

 $\omega = 3ct^2$ والمسترابي في في المنظمين في المنظمين المنظمين في ال

$$a_r = (3ct^2)^2 r = 9c^2t^4 r$$

$$= 9(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})^2 (2.20 \, \mathrm{s})^4 (33.1 \, \mathrm{m})$$

$$= 28.49 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \approx 28.5 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2} \qquad (\text{--}i\text{-$$

جو 2.9g دیتاہے (ب بھی مناسب ہے اور پُر لطف ہوگا)۔

ردای اور ممای اسسراٹ ایک دوسسرے کو عسمودی ہیں اور سوار کے اسسراٹ \vec{a} کے حسنزہ ہیں (شکل 10b.10)۔اسسراٹ \vec{a} کی تسدر ذیل ہو گی:

$$\begin{array}{c} a = \sqrt{a_r^2 + a_t^2} \\ \\ = \sqrt{(28.49\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2 + (27.91\,\mathrm{m\,s^{-2}})^2} \\ \\ \approx 39.9\,\mathrm{m\,s^{-2}} \quad (\text{--}\text{i.s.}) \end{array}$$

جو 4.1g کے برابر ہے (یہ یقیناً پُر لطف ہوگ!)۔ یہ تمام معتاد پر مناسب ہیں۔ اسراع تھ کی سمت بندی حبانے کے لئے ہم زاویہ θ معلوم کرتے ہیں (شکل 10b.10)۔

$$\tan \theta = \frac{a_t}{a_r}$$

ہم ہم گھماو کی حسیر کی توانائی ΛI

آئیں اعبدادی نتائج کے کرنے کی بحبائے ہم مساوات ۲۷.۳۸ اور مساوات ۴۸.۲۸ کے الجبرائی نتائج استعال کرتے ہیں۔

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{6ctr}{9c^2t^4r}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{2}{3ct^3}\right)$$

ریاضی نتیج کابڑاف کرہ ہے ہے کہ ہم اب دیکھ سکتے ہیں کہ (1)زاویے پر رداسس کا کوئی اثر نہیں ہو گااور (2)اسس کی قیمت t کی تیت 0 تا 2.20 ہڑھانے سے گھٹتی ہے۔ ردای اسراع (جو t^4 یر منحصر ہے) بہت جلد ممای اسراع (جو مرنے $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔ $t=2.20\,\mathrm{s}$ پرزیل ہوگا۔

$$\theta = \tan^{-1} \frac{2}{3(6.39 \times 10^{-2} \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-3})(2.20 \, \mathrm{s})^3} = 44.4^\circ \qquad (\text{...})$$

س. سم مستحمهاو کی حسر کی توانائی

مقاصد اسس حسبہ کو پڑھنے کے بعسد آپ درج ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا. ذرے کا تھمیے ری جود نقطہ پر تلاسٹس کریائیں گے۔

۲. و انک محور کے گرد گھومتے ہوئے متعبد د ذرول کا کل گھمپ ری جمود تلاسٹس کرمائیں گے۔

س. گھمپ ری جمود اور زاوی رفت ارکی صورت مسیں جسم کی گھمپ ری حسر کی توانائی تعسین کریائیں گے۔

كليدي تصور

• تائب محور پر گھومتے استوار جسم کی حسر کی توانائی K ذیل ہو گی،

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2$$
 (پیٹین ناپ)

جب اں I جم کا گھیسری جمود کہ اتا ہے، جس کی تعسریف انفٹ رادی ذروں کے نظام کے لئے درج ذیل ہے۔

$$I = \sum m_i r_i^2$$

گھياو کي حسير کي توانائي

مینز آرا کا تیبزی ہے گومت دھے ر دار پیسل یقیناً گومنے کی بن حسر کی توانائی رکھتا ہے۔ ہم اسس توانائی کو کسس طسرح بیان کر کتے ہیں؟ ہم توانائی کے عصومی کلیہ $K=rac{1}{2}mv^2$ سے پورے آرا کی حسر کی توانائی حسال نہیں کر سکتے چونکہ ے آرے کے مسر کز کمت کی حسر کی توانائی دیگا،جو صف رہے۔ باب ۲۰. گلم او

اسس کے بحبائے، مسینز آرا (اور کسی بھی دوسسرے گھومتے استوار جمم) کو ہم مختلف رفت ارسے حسر کت کرتے ذروں کا محبسوعی تصور کرتے ہیں۔ ان ذروں کی انفسسرادی حسر کی توانائی حساسل کی حباسکتی ہے۔ یوں گھومتے جم کی حسر کی توانائی ذیل ہوگی،

$$K = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 + \frac{1}{2}m_3v_3^2 + \cdots$$

$$= \sum \frac{1}{2}m_iv_i^2$$

جہاں i ویں ذرے کی کمیت m_i اور رفتار v_i ہے۔ محبموعہ جسم کے تمام ذروں پر لیاحبائے گا۔

م اوات ۲۰۳۱ مسیں مشکل ہے ہے کہ ہر ذرے کی رفتار دوسرے سے مختلف ہو سکتی ہے۔ اسس مشکل ہے بیجنے کی دفتار دوسرے سے متعلق ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔ حناطب ہم مساوات ۱۸۰۸ء سے ۳۰ ال کر ذیل کھتے ہیں، جس مسین س تسام ذروں کے لئے برابرہے۔

(r.rr)
$$K = \sum \frac{1}{2} m_i (\omega r_i)^2 = \frac{1}{2} \Big(\sum m_i r_i^2 \Big) \omega^2$$

مساوات ۱۳۳ مسیں دائیں ہاتھ تو سین مسیں بند مقدار، محور گھماوے لیاظ سے گھومتے جم کی کیہ۔ کی تقسیم پیش کرتی ہے۔ یہ مقدار، محور گھماوے لیاظ سے گھومتے جم کا گھمیری جمور سازیا جمودی معیار اثر سا) کہا تا ہے، جس کو ہم I سے ظلم کرتے ہیں۔ محور گھماوے لیاظ سے جم کے I کی قیمہ اللہ ہوگا۔ (انتہاہ: I کی قیمہ صورت ہامتی ہوگا۔ جم کے I کی قیمہ اس محورت ہمتی ہوگا، تاہم اب بھی اس کی قیمہ جب اس محور کاذکر کیا جب نے۔) کی دو سری محور گھماوپر ای جم کا I عصوماً مختلف ہوگا، تاہم اب بھی اس کی قیمہ متقل ہوگا۔ ہم ذیل کھرکر،

$$I = \sum m_i r_i^2$$
 (گھیے دی جمود) آھیے دی جمود)

مساوات ۳۳۲ مسیں ڈال کر مطباوی تعساق:

طریقہ کار۔ اگر جہم چند ذروں پر مشتل ہو، ہم ہر ذرے کی انفسرادی حسر کی توانائی mr² تلاسش کر کے تمام کا محبموعہ، مساوات ۳۳۳ کی طسرح، لے کر جہم کا کل تھمیسری جود I معسلوم کر سکتے ہیں۔ جہم کی کل تھمیسری حسر کی توانائی حبائے کے لئے معسلوم شدہ I کو مساوات ۳۳۴ مسیں ڈالٹ ہوگا۔ چند ذروں کے لئے سے طسریقہ کار استعال کیا

rotationalinertia"

momento finartio If

۵.۲. گھمپ ري جود کاحباب

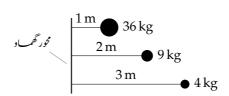
حب نے گا؛ اگر جیم مسین ذروں کی تعداد بہت زیادہ ہو (جیب ایک ساخ مسین ہو گا) تب کیب ہو گا؟ اگلے ھے مسین ہم اسس فتم کے استمراری اجب مونٹ ٹنا سسیکھیں گے؛ فسکر مت کریں، نست نج مسئٹوں مسین حساسل ہوں گے۔

م وات $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ و بن العرب معنی میں استوار جم کی حسر کی توانائی $K = \frac{1}{2}I\omega^2$ و بن العرب معنی محسر کی توانائی کلید میں حسر کی توانائی کلید میں توانائی کلید میں توانائی کلید میں کی نیاوی معنی اور کیست کا رجس میں کمیت اور کمیت کی حسن معنی میں استوار کا مسر تع پایا جب تا ہے۔ ایک کلید میں کمیت اور کمیت کی تقصیم دونوں شامل ہیں) پایا جب تا ہے۔ ساتھ ہی دونوں کمیں نوتار کا مسر تع پایا جب تا ہے والی میں معنی اور دوسرے میں زاوی کے مسین زاوی حسر کی توانائی ہے، تا ہم مسئلہ دکھ کر موزوں صور سے ایٹ گئی ہے۔

ہم پہلے کہ۔ پ جی بین کہ گومتے جہم کا گھی۔ ری جود ناصرف کی۔ بلکہ کی۔ کی تقسیم پر بھی مخصر ہوگا۔ آئیں ایک ایک مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لمبی اور بھیاری سان ، پہلے طولی محود پر (شکل 11a.10) مثال دیکھیں جس کو آپ حقیقت محموس کر سے ہیں۔ ایک لمبی کی اور سان کی بھی نقط ہے گزرتی اور سان کو عصودی محمود پر (شکل 11b.10) گھی میں کیے۔ ایک سے باہم پہلی صور سے مسین گھی ازیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین گھی ازیادہ آسان ہوگا۔ پہلی صور سے مسین کی بدولت شکل 11a.10 میں سان کی بدولت شکل 11a.10 میں سان کا گھی ری جود کی صور سے مسین گھی نازیادہ آسان ہوگا۔ مسین گھی نازیادہ آسان ہوگا۔ کم گھی ری جود کی صور سے مسین گھی نازیادہ آسان ہوگا۔

آزمائشس

تین کرہ انتصابی محورے گرد گھومتے سشکل مسیں د کھائے گئے ہیں۔ ہر کمیت کے مسر کزے محور تک عصودی مناصلہ بھی دیا گیاہے۔اسس محور پر گھمیسری جمود کے لیے ظرے کمسیوں کی در حب سندی کریں۔زیادہ قیست اول رکھسیں۔



۴.۵ محميري جمود كاحساب

مقاصد

اس مے کوپڑھنے کے بعد آپ ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. ان اجام كالهميري جود معلوم كرپائيس كي جوحب دول 1.10مين دي گئے ہيں۔
 - ۲. جم کے تمین گزوں پر تکمل لے کر جم کا گھمیے ری جود تلاسٹس کریائیں گے۔
- m. جم کے مسر کز کمیت سے گزر تی ٹحور گھساوسے ہیٹ کر متوازی محور کے لئے متوازی محور مسئلے کااطباق کریائیں گے۔

باب ۲. گھاو

كليدي تصورات

• انف ادی ذرول پر مشتل جم کے گھمیری جمود کی تعسریف:

$$I=\sum m_i r_i^2$$
 اور جس جم مسیں کمیت کی تقسیم استمراری ہوذیل ہے۔ $I=\int r^2\,\mathrm{d}m$

انعنسرادی ذرے کا محور گھماوے عصودی فناصلہ r_i ہے۔ ای طسر تکمل مسیں کمیت کے کلڑے کا محور گھماوے عصودی فناصلہ r_i ہورے جم پر لیا حباتا ہے تا کہ کمیت کے تمام کلڑے مشامل کیے حسائیں۔

• کی بھی محور پر جسم کے گھمیسری جمود I اور مسر کز کمیت سے گزرتی متوازی محور پرای جسم کے گھمیسری جمود کا تعساق:

$$I = I_{--- \langle \lambda \rangle} + Mh^2$$

مسئلہ متوازی محور دیت ہے۔ دو محوروں کے نی عسودی مناصلہ h ہے، اور مسر کز کیت سے گزرتی محور گھساوپر جم کا گھسیسری جود مسر کز کیت سے گزرتی محور گھساوسے جتنا دور اصل محور گھساوہ بائی گئی، ہم h کو وہناصلہ تصور کر سے ہیں۔

تھمیںری جمود کاحساہ

چند ذروں پر مشتل استوار جسم کا گھمیے ہیں، مجود، محور گھساوپر، مساوات $(I=\sum m_i r_i^2)$ میں ہم ہر ذرک کا سام میں کہ محوری میں کہ محور گھساوے ذرکے کا مسمودی مناصلہ T ہوگا۔)

اگر جم مت ریب مت ریب انتهائی زیادہ ذروں پر مشتل ہو (جسم استمراری ہوگا)، مساوات ۳۳۳ کا استعال بہت لمب کام ہوگا جس کے لئے کمپیوٹر در کار ہوگا۔ بہتریہ ہوگا، ہم مساوات ۳۳۳ کے محب وعب کی جگہ کمل لے کر گھسیسری جمود کی تعسرین زیل کریں۔

$$I=\int r^2\,\mathrm{d} m$$
 (۴.۳۵) $I=\int r^2\,\mathrm{d} m$ (۴.۳۵)

حبدول 2.10 مسیں عسام سشکل وصورت کے نواجسام کے لئے ، کنمل کے نستانج پیشس کیے گئے ہیں اور مسمل محور گلمساو کی نشاندہ کی گئی ہے۔ ۵.۲۰ همیسری جمود کاحب ب

مسئله متوازي محور

فسنسرض کریں ہم دی گئی محور گھاو پر ایک جمم کا، جس کی کیت M ہو، گھیسری مجود I حبانت حہاہتے ہیں۔ یقیاً، ہم مساوات M ہو کمل ہے I حساس کر سکتے ہیں۔ تاہم، جم کے مسر کز کیت ہے گزرتی ایک محور گھاو، جو دی گئی محور کے متوازی ہو، پر گھیسری مجود M جا حبانتے ہوئے، ایک آسان راستہ اختیار کیا جب سکتا ہے۔ مسر کز کیت سے گزرتی محور گھیسوں محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محور آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور کے فی محود کی فی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں) دی گئی محور پر گھیسری مجود M دی گئی محور کے گئی محود کی فی مصورت مسین کی مصورت مسین (یادر ہے، دونوں محود آلیس مسین متوازی ہیں)

$$I=I_{\underline{\hspace{1cm}}}+Mh^2$$
 (مسئلہ متوازی گور) استکاہ متوازی گور)

یوں تصور کریں جیب مسر کز کمیت ہے گزرتی محور گھماو کو دور ہٹا کر h فن صلے پر رکھا گیا ہے۔ یہ مساوات ممثلہ متواز کریں جیب التی ہے۔ مساوات ممثلہ متواز کریں مجارت ہے۔

مسئله متوازي محور كاثبوي

سشکل 12.10 مسیں افتیاری مشکل و صورت جم کا، جس کا مسر کز کمیت O ہے، عسودی ترامش د کھایا گیا ہے۔ محمد دی نظام کامبدا O پر کھسیں۔ شکل کے مستوی کو عسودی، O سے گزرتی، ایک محور لیں؛ اسس محور کو متوازی، نقط۔ P سے گزرتی، دوسسری محورلیں۔ نقط۔ P کے محمد a اور b ہیں۔

ونسرض کریں کسی عصوبی محدد x اور y پر dm کمیت کا چھوٹا کھڑا ہے۔ نقطہ P پر محور کے لحاظ سے جسم کا گھمیسر ہی جود مساوات x ہم کے تحت ذیل ہوگا،

$$I = \int r^2 dm = \int [(x - a)^2 + (y - b)^2] dm$$

جس کوترتیب نوکے بعب دنیل لکھا حب سکتاہے۔

(r.r.2)
$$I = \int (x^2 + y^2) \, dm - 2a \int x \, dm - 2b \int y \, dm + \int (a^2 + b^2) \, dm$$

آزمائشس۵

مشکل ?? مسیں کتا ہے کی طسرح جم (جس کا ایک ضلع دوسرے سے لمب ہے) اور جم کے رخ کو عسودی حیار مکن۔ محور گھساود کھسائے گئے ہیں۔ جم کے گھسے ری جمود کے لحساظ ہے، اعظم قیمت اول رکھ کر، ان محور کی در حسب سندی کریں۔

parallelaxistheorem 12

باب ۲. گھماو

نمونی سوال ۴.۶: دو ذروی جهم کا گھمیری جمود

شکل 13a.10 مسیں کیت ' m کے دو ذروں پر مشتمل استوار جم و کھایا گیا ہے۔ متابل نظر انداز کیت کا سلاخ، جس کی لمبائی L بے کمسیتوں کے فق کا ہے۔

(۱) سلاخ کوعب ودی، جسم کے مسر کز کمیت سے گزرتی محور گلمب و (جیب شکل مسیں د کھسایا گیا ہے) پر جسم کا گلمب ری جود کس ہوگا؟

كلب دى تصور

جہم صرف دوزروں پر (جن کی کیے ہے) مشتل ہے، اہلے ذاہم کمل کے بحبائے مساوات ۱۳۳۳ ستعال کرکے گھیسری جمود سے برب_{ک س}اتا تلاسٹس کر سکتے ہیں۔ ہم انف سرادی کمی<u>ت</u> کا گھیسری جمود تلاسٹس کر کے دونوں کا محبسوع لیس گے۔

 $= \frac{1}{2} L$ حمود فی کار کوروں کا $= \frac{1}{2} L$ عمود وی مناصلے پر کمیت $= \frac{1}{2} L$

$$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = (m) (\frac{1}{2}L)^{2} + (m) (\frac{1}{2}L)^{2}$$
$$= \frac{1}{2} m L^{2} \qquad (\text{i.s.})$$

(__) پہلی محور کو متوازی، سلاخ کے بائیں سے سرے گزرتی، محور گھماو (شکل 13b.10) پر جم کا گھمیے ری جمود کسیا ہوگا؟

کلب دی تصورات

ا تنی آسان صورت مسیں I باآسانی دونوں طسریقوں سے معسلوم کیا حب سکتا ہے۔ پہلا طسریقہ حبزوا کی طسرت ہے۔ دوسسرا، زیادہ طاقت ور طسریقہ مسئلہ متوازی محوراستعال کرتاہے۔

پہلا طریقہ: ہم حبزوا کی طسرت I معلوم کرتے ہیں، تاہم اب سلاخ کے بائیں سسر پر موجود ذرے کا r_i صف راور دائیں سسر پر ذرے کا L ہوگا۔ مساوات r_i اب ذیل دیگی۔

دوسرا طریقہ: ہم مسر کز کیت ہے گزرتی محور گھاوپر جم کا گھیسری جود حبائے ہیں اور دوسسرا محور مسر کز کیت ہے گزرتی محور کو متوازی ہے اللہ متوازی محور (مساوات ۳۳،۳) پروئے کارلایاحب سکتا ہے۔ یوں ذیل ہوگا۔

$$I = I \underline{\qquad} + Mh^2 = \frac{1}{2}mL^2 + (2m)(\frac{1}{2}L)^2$$
$$= mL^2 \qquad (\underline{\qquad})$$

نمونی سوال ۲۰۰: یکیال سلاخ کا گھمیری جمود با تنکمل کیت M اور لمب اُنی کا کی کیک اس سلاخ محود X پریوں رکھ آسے ہے کہ سلاخ کا وسط مبدا پر ہو (شنکل 14.10)۔ ۵.۲. گمپری جود کاحباب

(۱) سلاخ کے وسطیر، سلاخ کو عصودی محور گھے ویر سلاخ کا گھمیے ری جمود کیا ہو گا؟

كلب دى تصورات

(1) سان انتهائی زیادہ ذروں پر ، جو محور گھساوے انتهائی زیادہ تعداد کے مختلف مناصلوں پر موجود ہیں، مشتل ہے۔ ہم ہر ذرے کا انفسنرادی گھسیری جود ہر گز معسلوم نہیں کرنا جہائے ۔ (ہم اپنی باقی تسام زندگی اسس کام مسیں گزار سکتے ہیں۔) المهندا، ہم محور گھسادی گھسیری جود کا عسومی الجبرائی فقت رہ ایک طحت ہیں۔ (2) ایک ایک کرے تسام چھوٹے مصوں کے گھسیری جود جمع کرنے کے بحب کے ، ہم اسس فقت رہ کا کمل لے کر محب وعید معسلوم کرتے ہیں۔ مساوات ۴۳۵ سے زیل کھیا حب تاہے۔

$$(r.r.) I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

(3) سلاخ یکساں ہے اور محور گھیاو عسین مسر کز کمیت سے گزر تاہے، البنداہم گھمیسری جمود مسر _{کز کمیت} استعمال مررہے ہیں۔

x عمد و x کے لیے نامے تمل حساس کرنا حیاہتے ہیں (ناکہ کمیت m کے لیے نامے جیب تمل کہتا ہے)، لہذا کمیت کے تکور dm کا سال نے کے مہداہ لمب نی dx کے ساتھ رسکتہ در کار ہوگا۔ (شکل 14.10 میں ایک ایک کاراد کھیایا گیاہے۔) سال نے کیاں ہے، لہذا آت م مکڑوں کی کمیت اور لمب نئی کی نمبت برابر ہوگا۔ یول ذیل ہوگا۔

$$\frac{\mathrm{d}m - 2 \sqrt{2} \sqrt{2} \sqrt{2}}{\mathrm{d}x \sqrt{2} \sqrt{2} \sqrt{2} \sqrt{2}} = \frac{M}{L} \frac{1}{2} \sqrt{2} \sqrt{2} \sqrt{2}$$

-

$$\mathrm{d}m = \frac{M}{I}\,\mathrm{d}x$$

مساوات r مسیں r کی جگہ ورج بالا نتیجہ ڈال کر، ساخ کے ایک سرے دوسرے دوسرے مسرت کے تاریخ کے ایک سرے دوسرے دوسرے میں ایکن $x=\frac{L}{2}$ تاریخ کی ایکن کرتے ہیں۔ یوں ذیل ملت ہے۔

$$I = \int_{x=-L/2}^{x=+L/2} x^2 \left(\frac{M}{L}\right) dx$$

$$= \frac{M}{3L} \left[x^3\right]_{-L/2}^{L/2} = \frac{M}{3L} \left[\left(\frac{L}{2}\right)^3 - \left(-\frac{L}{2}\right)^3\right]$$

$$= \frac{1}{12} ML^2 \qquad (ightharpoonup for example 2)$$

(ب) ایک نی محور گھاویر، جو سلاخ کے بائیں سرسے گزرتی اور سلاخ کو عصودی ہے، سلاخ کا گھمیے ری جو د کسیا ہو گا؟

باب ۲۰. گلم او

كلب دى تصورات

ہم محور x کامب داسلاخ کے بائیں سے پر منتقبل کر کے تکمل x=L تا x=0 تا ہم، ہم زیادہ آسان اور طب فتستور مسئلہ متوازی محور (مساوات ۴۳٫۳۷) استعمال کرتے ہیں، جس مسین محور گھساو کی سمت بندی تسب میں گے بنجہ رائے دوسسری جگس۔ منتقبل کرتے ہیں۔ تتب میں کے بنجہ رائے دوسسری جگس۔ منتقبل کرتے ہیں۔

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{$

$$I = I_{-} + Mh^2 = \frac{1}{2}ML^2 + (M)(\frac{1}{2}L)^2$$

= $\frac{1}{3}ML^2$ (-)?)

در حقیقت، پ نتیج سلاخ کے بائیں یا دائیں سے پر ہر، سلاخ کوعسودی، محور گھساوکے لئے درست ہے۔

نمونی سوال ۴.۸: گھمیری جمودی توانائی؛ پکری برکھ

مشین کے بڑے حصوں کا، جو لیے عسر صہ تینز رفت اربے حیکر کاٹے ہوں، معسائٹ حیکری پر کھ کے نظام مسین کر ناضروری ہے۔ اس نظام مسین، فولادی بسیان کے اندر، جس کی اندرونی حیانب سید کی اینسٹین نسب ہوں، مشین کے جے کو مخصوص حیکری رفت ارتک (جس پر جھ کو پر کھنا مقصود ہو) لایا حباتا ہے۔ اسس دوران بسیان کامن فولادی ڈھکن سے بندر کھسا حباتا ہے۔ اگر مشین کاحصہ مطلوب حیکری رفت اربر داشت نے کرتے ہوئے ٹوٹ حبائے، اسس کے نکڑے سید کی ملائم ایسنٹوں مسین دھنس کر مخبوظ ہوں گے، جن کامعیائٹ بعبد مسین کرنا مسکن ہوگا۔

1908 میں ایک ادارہ نے ،جومشین پر کھنے کاکام کرتا ہے ، 272 kg ٹھوسن فولادی (فترس شکل کا) مدور ، جس کارداسس 38.0 cm کے 14000 شکل کا) مدور ، جس کارداسس R = 38.0 cm کی تاریخ کی گرا معال کی معال کا معارک کے گام الیا معال کا معال کی معال کا دوازہ الیا کی معال کی بڑی کمرے سے باہر مجسکری بڑی ہیں ، کمرے کا دروازہ کا درازہ کا درازہ کی جسکری بڑی کی ہیں ، کمرے کی دروازہ کا درازہ کی گراٹیاں کھٹڑی کرنے کی جگ مسین پڑاملاہ ایک سید کی اینٹ پڑوی کے باور چی حن نے کی دیوار توڑ کر اندر پنجی تھی ، ادارے کی عمارت کے ستون ناکارہ ہو چی تھے ، حیکر حنان کا پالٹی مسئزل مسین داخش ہونے بعد واپس حیکری نظام پر گر کر پڑا کا میں میں دھن چیکری نظام پر گر کر پڑا کی سے دوست میں دوست کو بھی تھی کو گراٹی آزمائش کار معیار کے کمرے کی طروف نہیں گیا۔

اسس دھاکے مسیں کتنی توانائی حضارج کی گئی؟

كلي دى تصور

حنارج توانائی 14000 حیکرفی منٹ پر مدور کی تھمیسری حسر کی توانائی K ت کر ابر ہوگا۔

testengineer17

۲٫۶ قويي مسرور (

یوں مساوات ۴٫۳۴ کے تحت حسارج توانائی ذیل ہے (جوبہت بڑی معتدارہے)۔

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(19.64 \text{ kg m}^2)(1.466 \times 10^3 \text{ rad s}^{-1})^2$$

= $2.1 \times 10^7 \text{ J}$ (—)?)

۲٫۷ قو<u>۔</u> مبروڑ

اس مھے کو پڑھنے کے بعب آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

- ا. حبان پائیں گے کہ جسم پر قوت مسروڑ مسیں قوت اور، محور گھساوے قوت کے نقطہ اطلاق تک کا، تعسین گرسمتیہ ان مسل ہیں۔
- ۲. (۱) تعسین گرسمتیه اور سمتیه قوت کے گزاویے کی مدد ہے، (ب) خط عمس ل اور قوت کے معیار اثر کے بازو کی مدد ہے، اور (ج)
 تعسین گرسمتیہ کو قوت کے عسود کی حسیز و کی مدد ہے قوت مسروڑ تلاشش کریائیں گے۔
 - ٣. حبان يائيں كے كه قوت مسرور حبانے كے لئے محور گھاو حبانت الازم ہے۔
- ۳. حبان پائیں گے کہ قوت مسروڑ کو مثبت یا منفی عسلامت مختص کی حباتی ہے، جسس کا دارومدار اسس رخ پر ہو گا جسس رخ قوت مسروڑ جم کو محمور گھبا دیر گھبانے کی کوسٹش کرتی ہے (یادرہے، "گھسٹریاں منفی ہیں")۔
 - ۵. جہاں ایک سے زیادہ توت مسروڑ جسم پر عمسل کرتی ہوں،صافی قوت مسروڑ حساصل کرپائیں گے۔

كلي دى تصورات

 \vec{F} . \vec{F} .

۹۰ پایس ۲۰. گلمهاو

جباں \vec{r} کو \vec{F} کا عب مودی حبز و \vec{F} ہے اور ϕ قوت \vec{F} اور سمتیہ \vec{r} کے \vec{g} زاوی ہے۔ محور گھا واور \vec{F} میں مبوط کک یہ و کہ \vec{F} کا"خط عمس "، اور r_{\perp} کو \vec{F} کا"معیار اڑ" کہتے ہیں۔ ای طب رح r کو \vec{F} کا معیار اڑ کہیں گے۔

• قو۔۔۔ مسروڑ کی اکائی نیوٹن مسیٹر (Nm) ہے۔ ساکن جم کو تحور گھساد پر حضااف گھسٹری گھسنے کی کوششش کرنے والی قوب مسروڑ 7 مثبت ہوگی، گھسٹری وار گھسانے کی کوششش کرنے والی منفی ہوگی۔

قو___مسروڑ

دروازے کادستہ چول سے دور، کمی مقصد ہے ، رکھاحب تا ہے۔ دروازہ کھولنے کے لئے قوت لگانی ضروری ہے ، تاہم قوت کارخ اور لگانے کامقتام بھی اہمیت رکھتے ہیں۔ اگر آپ ، دستے کے بحبائے ، چول کے متسریب قوت کااطسلاق کریں یادروازے کی سطح کو قوت 90° پرلاگوٹ کریں ، دروازہ کھولنے کے لئے آپ کواسس قوت سے زیادہ قوت درکار ہوگی ، جو دستے پر دروازے کی سطح کو عصودی درکار حیاہیے۔

سٹکل 16a.10 مسیں جہم کاعب و دی تراسٹ رکھ ایا گیا ہے۔ یہ جہم، O سے گزرتی، تراسٹ کو عب و دی محور گھی اوپر ، آزاد کی سے گوم سکتا ہے۔ نقط P پر ہجس کا O کے لیے اظ سے تعلین گرسمتیہ ٹتر ہے ، قوت F کا اطلاق کیا گیا ہے۔ F اور ٹتر کررخ آلیس مسین زاویہ ϕ پر ہیں۔ (ہم اپنی آس نی کے لئے صرف ان قوت کی بات کرتے ہیں ، جن کا محور گھی و کو متوازی حسین بایا ہی F منے کی سطح مسین ہوگے۔)

_ حب نے کے لئے کہ محور گلساو پر \vec{F} جم کو کیے گلسات ہے، ہم \vec{F} کو دواحب زاء مسیں تقسیم کرتے ہیں (مشکل 16b.10)۔

ایک حب زو، جو ردای حب زو F_r کہ بلاتا ہے، \vec{T} کہ ہسراہ ہو گا۔ چو نکہ ہے حب زو O ے گزرتی لکسی ر کے ہمسراہ ہو گا۔ چو نکہ ہے حب راہ کھینچین، دروازہ بھی بھی نہیں کھلے لہذا ہے۔ گا۔ \vec{F} کا دوسراحب زو، جو ممای حب زو F_t کہ بلاتا ہے، \vec{T} کو عصودی ہے اور اسس کی تبدر \vec{F} ہے۔ ہب روگھی وکا میں بنت ہے۔

حب زو گھی وکا میں بنت ہے۔

قوہ مروڑ کا حماہ۔ \vec{F} کی جم گھانے کی صلاحیہ، قوت \vec{F} کے ممای حبزو F_t کی مساوہ C ک صلاحہ (وقت کے)اطال تی نقط کے مناصلے پر مخصس ہے۔ ان دونوں وجوہا سے کو شامسل کرنے کی مناطب ہم (درج ذیل) ایک نئی مقت دارمت کرتے ہیں جو قوہ مروڑ کا C کہاتی ہے، جو دو حبزو ضریوں کا حساس ضرب ہوگا۔

قو___مسرورٌ كاحباب (درج ذيل) دومعادل طسريقون:

اور

$$(r,r) \qquad \qquad \tau = (r)(F\sin\phi) = r_{\perp}F$$

torque¹²

ے ممکن ہے، جہاں O پر محور گھاہ اور \vec{F} سمتی ہے گزرتی مبوط کسیر کے \vec{g} عصودی مناصلہ r_{\perp} ہے (شکل 16c.10)۔اس مبوط کسیر کو \vec{F} کا خط عمل \vec{G} ،اور r_{\perp} کو \vec{F} کا معیار اثر کا بازوا کتے ہیں۔ شکل 16b.10 میں وکھایا ہے کہ ہم \vec{T} کو متدر \vec{T} کو معیار اثر کابازو کہ سکتے ہیں۔

جب آپ کی جم، مشلاً فی کس، پر اسس نیت سے قوت لگتے ہیں کہ یہ گھوے، آپ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ لاگو کرتے ہیں۔ قوت مسروڑ کی بین الاقوائی اکائی نیوٹن میسٹر (Nm) ہے۔ انتہاہ، نیوٹن میسٹر کی اکائی کام کے لئے بھی مستعمل ہے۔ تاہم، قوت مسروڑ اور کام دومختلف معتادیر ہیں۔ کام کے لئے عسام طور حباول اکائی (1 N m) استعال کی حباتی ہے جب کہ قوت مسروڑ کے لئے صرف نیوٹن میسٹر اکائی استعال ہوگی۔

گھونیاں منفی ہیں۔ باب 11 مسیں توت مسروڑ کے لئے سمتیہ ترقیم استعال کی جبائے گی، بیباں واحد محور پر گھساو کی بات کی جبائے گا۔ اگر قوت مسروڑ حنلان گلسٹری گھساوی بدا کرنے کی بات کی جبائے گا۔ اگر قوت مسروڑ حنلان گلسٹری گھسٹریال منفی کوشش کرے، بیسہ مثبت ہوگی۔ (حسر 1.10 مسیں ہم نے کہا" گھسٹریال منفی بیس "بیس "بیس قعت رہ بیباں بھی کارآ مدہے۔)

اصول انطباق (جس کاذکرباب 5 مسیں کی آگی) کو قوت مسروڑ مطمئن کرتے ہیں: جب جم پر کئی قوت مسروڑ عمسل کرتی ہوں، جم پر صافی قوت مروڑ ۲۰ (یا ماصلی قوت مروڑ ۱۲) انفسرادی قوت مسروڑ کامحب وعب ہوگا۔ صانی قوت مسروڑ کی عسلمت میں ترت ہے۔

آزمائشس۲

مبٹر سلاخ کافسن کی حب کڑہ شکل؟؟ مسیں پیش ہے؛ سلاخ کاچول cm کی پرپایاحب تا ہے۔ سلاخ پرپانچوں قوت افقی اور ان کی و تدریں برابر ہیں۔ اعظم قیمت اول رکھ کر، قو توں کی در حب بہندی ان کی پید اقوت مسروڑ کے لحی اظ سے کریں۔

کیم نیوٹن کادوسسرات نون برائے گھماو

مقاصد

اسس ھے کوپڑھنے کے بعبد آیے ذیل کے متابل ہوں گے۔

ا۔ گھساو کی صورت مسیں جم پر صافی قوت مسروڑ کا، جم کے گھسیسری جمود اور گھسیسری اسسراع کے ساتھ ،ر شنہ نیوشن کے دوسسرے و تانون سے حبان پائیں گے۔ تمام معتادیر مختل محور گھساوکے لحساظ سے ہیں۔

كليدي تصور

lineofaction 1A

momentarm19

nettorque r.

resultanttorque

باب ۲. گھماو

• نیوٹن کے دو سرے وت انون کا گھمیسری مماثل ذیل ہے،

au_{i} ن = $I\alpha$

 α جہاں ذرے یا استوار جسم پر صافی توت مسروڑ سن au ہے، محور گھساو پر ذرے یا جسم کا گھسسر کی جمود I ہے، اور σ اسس محور پر ماحسل زاوی اسسراع ہے۔

نیوٹن کادو سسرامت انون برائے گھم او

$$au_{ij} = I lpha$$
 (نیوٹن کادو سے راحت انون برائے گھے و

مساوات ۲۳٬۴۲ غاثبوت

پہلے شکل 17.10 مسیں پیش سادہ صورت کے لئے مساوات ۴۳.۳۲ ثابت کرتے ہیں۔ بلا کمیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت سرپر، کے ایک سسسر پر کمیت استوار جم دیتے ہیں۔ سلاخ کی کمبائی ۲ ہے اور سے اپنے دوسسرے سسرپر، سطح صنجے۔ کو عصودی محور گھساو (دھسرے) پر ، گھوم سسکتی ہے۔ یول، ذرہ صرف دائری راہ پر ، جسس کے وسط پر محور گھساوہ، حسرکت کا محبازے۔

i ذرے پر قوت \vec{F} عمسل کرتی ہے۔ تاہم، ذرہ صرف دائری راہ پر حسر کست کر سکتا ہے، اہلیذا قوت کاصرف ممسای حبین و F_t (جو دائری راہ کو ممساس ہے) ذرے کو اسس راہ پر مسرع کر سکتا ہے۔ ہم F_t اور اسس راہ پر ذرے کے ممسای اسسراع F_t تعسل نیوش کے دوسسرے و سانون سے کلھتے ہیں۔

 $F_t = ma_t$

ذرے پر قوت مسروڑ، مساوات ۴۸،۴۰ تحت ذیل ہوگا۔

 $\tau = F_t r = m a_t r$

ے اس کو ذیل لکھ سے ہیں۔ $(a_t=lpha r)$ ہے۔ اس کو ذیل لکھ سے ہیں۔

$$\tau = m(\alpha r)r = (mr^2)\alpha$$

دائیں ہاتھ تو سین میں بند معتدار، محور گھیا و پر ذرے کا گھیسری جمود ہے (مساوات ۳۳، ۲۳ و یکھیں، تاہم یہاں صرف ایک ذرے کی بات کی حبار ہی ہے ایوں گھیسری جمود کے لئے I ککھ کر مساوات ۳۳، ۲۳ فیل لکھی حباستی ہے۔ $\tau = I\alpha \qquad (یڈیئن نای)$

جہاں ایک سے زیادہ قوت ذرے پر عمسل کرتی ہوں مساوات ۴٬۳۴۰ ذیل صورت اختیار کرے گی، جے ہم ثابت کرنا حیاہتے تھے۔

$$au_{\dot{b}} = I\alpha$$
 (ریڈیمُن ناپ $= I\alpha$

چونکہ ہر جہم انفنسرادی ذرول کا محبسوعہ ہو گالہٰ زااسس مساواہ کو کئی بھی استوار جہم تک، جو مقسررہ محور گھماو پر گھومتاہو، وسع<u>ہ</u> دی حباستی ہے۔

آزمائش ۷

شکل ؟؟ مسیں میٹر سلاخ کا فصنائی حبائزہ پیش ہے۔ سلاخ کے وسط سے بائیں حبانب نقطہ چول ہے جس پر سلاخ پکر کاٹ سکتی ہے۔ سلاخ پر دوافق آوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 اور \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 اور کائی سے پر لاگو کی حباتی ہے۔ سلاخ کو عصورت مسیں(۱) \vec{F}_2 کارٹ کسے ہوگا، جادہ ہوگا، یا دور کے کہ ہوگا، زیادہ ہوگا، یا اس کے برابر ہوگا؟

نمونی سوال ۴۰۰: نیوٹن کے قانون دوم برائے گھاو کا کولا میں استعالی

کولاکشتی کاوہ داو ہے جس مسیں پہلوان دوسرے کو کولیج کی زدپر لاکر گرا تا ہے۔ آئیں پہلوانوں کی کشتی کو طبیعی دان کے نقطہ نظر سے دیکھسیں۔ کولیج پر نقط کھماو (کور نظر سے دیکھسیں۔ کولیج پر نقط گھماو) کو جپڑھا کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل گھماو) کے کہ معیاد اثر کابازوا ستعال کرتے ہوئے، آپ حسریف کو زمسین پر مارتے ہیں (شکل کھماو)۔ آپ نقطہ گھماویرانس کو $\alpha=6.0 \text{ rad s}^{-2}$ کا دادی اسراغ ہے (جوشکل مسیں گھٹری دارہے) گھمانا حسان کا گھماویرانس کو $\alpha=6.0 \text{ rad s}^{-2}$ کے باغے۔ مسرض کریں نقطہ گھماوے کی اغلے اس کا گھمیسری جمود $\alpha=15 \text{ kg m}^2$ ہے۔

(۱) زمسین پر گرانے سے قب ل اگر آپ حسریف کو آگے جھکا کر اسس کا مسر کز کمیت اپنے کو لیے پر رکھسیں تو \vec{F} کی و تسدر کسیاہو گی (شکل 18a.10)؟

كلب ي تصور

ہم کازاوی اسسراع سے رشتہ نیوٹن کے وتانون دوم برائے گھاوau سنau سے جانے ہیں۔

حماہے: زمسین سے حسریف کے پاوں اٹھنے کے بعد، ہم کہد سکتے ہیں اسس پر تین قوت عمسل پیسرا ہوں گا: آپ کی کھنٹی \vec{F} ، نقطہ گلمب و پر آپ کی حسریف پر عصودی قوت \vec{N} (شکل 18.10 مسیں اسے نہسیں د کھسایا گیا)، اور تسبذ بی قوت کی آب استعمال کریا گیں گا۔ \vec{F} ۔ نقطہ گلمب و پر تسبنوں تو توں کی قوت مسروڑ جب نتے ہوئے ہم \vec{R} ۔ نقطہ گلمب و پر تسبنوں تو توں کی قوت مسروڑ جب نتے ہوئے ہم \vec{F} ۔ نقطہ گلمب و پر تسبنوں تو توں کی قوت مسروڑ جب نتے ہوئے ہم

مساوات این می از d_1 بوگی، جہاں d_1 میسار میں اور تاریخ بھی جہاں ہے میسار تاریخ میسار از کا بازو منفی عسلامت کہتی ہے کہ ہم مسروڑ گھٹڑی وار گھساو کی کوششش کرتی ہے۔ قوت \vec{N} نقطہ گھساو کی کوششش کرتی ہے۔ توت وقت \vec{F}_g میسار از کا بازو وہ r_{\perp} ہوگا اور یوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صف رہوگی۔ تحب ذبی قوت میسار از کا بازو میسار از کا بازو گئے ہے۔ مسرکز کمیت عسین نقطہ گھساو پر ہے لہذا \vec{F}_g کا معیار از کا بازو

۹۴ پایس ۲۰. گلم او

ہوگااور یوں اسس کی قوت مسروڑ بھی صنسر ہوگی۔ یوں حسریف پر صرف آپ کی تھنجہ \vec{F} کی قوت مسروڑ $au_{\perp}=0$ مسل کرتی ہے اور ہم $au_{\perp}=1$ ذیل لکھ سے ہیں۔

$$-d_1F = I\alpha$$

یوں ذیل حساصل ہوگا۔

$$F = \frac{-I\alpha}{d_1} = \frac{-(15 \text{ kg m}^2)(-6.0 \text{ rad s}^{-2})}{0.30 \text{ m}}$$
$$= 300 \text{ N} \qquad (\text{-}\text{if})$$

رے ہوتہ $d_2=0.12\,\mathrm{m}$ کامعیار اثر کابازو f_g کامعیار اثر کابازو $d_2=0.12\,\mathrm{m}$ ہوتہ f کی متدر کیا ہوگا(f) (18b.10)?

كلب دى تصور

چونکہ $\vec{F}_g = mg$ کامعیار اٹر کاباز واب صف رہنیں، اسس کی قوت مسروڑ اب d_2mg ہو گی جو صنان گھٹری ہونے کی ہانہ شہت ہے۔

$$-d_1F + d_2mg = I\alpha$$

جو ذیل دیگا۔

$$F = 300 \,\mathrm{N} + \frac{(0.12 \,\mathrm{m})(80 \,\mathrm{kg})(9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}})}{0.30 \,\mathrm{m}}$$
$$= 613.5 \,\mathrm{N} \approx 610 \,\mathrm{N} \qquad (\text{---})\text{?})$$

اس نتیج کے تحت اگر آپ حسریف کو جھاکر اسس کامسر کز کمیت اپنے کو لیج پر رکھ نے سکیں، آپ کو کافی زیادہ تو سے گائی ہو گی۔ ایک اچھاپہلوان ہے حقیقت حبانت ہے۔

نمونی سوال ۱۰.۴: نیوشن کا دوسرا قانون، قوت مرور، قرص

کیت $M=2.5\,\mathrm{kg}$ اور ردانس $M=2.5\,\mathrm{kg}$ کا کیاں مقسر رہ افقی دھسرے پر نسب شکل $M=2.5\,\mathrm{kg}$ کیا $M=2.5\,\mathrm{kg}$ کیا $M=1.2\,\mathrm{kg}$ کیا M=10 کیا نے نام کی کا این نے لڑکائی گئی ہے۔ سائن این نے رہائی حباتی ہے۔ این نے کی اسسراع، متسرص کی زاوی اسسراغ، اور دھائے مسین شناو متاس کریں۔ دھا کہ چہلت نہیں اور دھسرا لے رگڑ ہے۔ متاس کریں۔ دھا کہ چہلت نہیں اور دھسرا لے رگڑ ہے۔

rim

کلی دی تصورات

لینٹ پر الگو توتیں دکھائی گئی ہیں:دھاگے سے اینٹ پر الگو توتیں دکھائی گئی ہیں:دھاگے سے توتیہ جب انہا ہوتی ہیں اور تحباذ ہی توتیہ ہوتی کا حتاوں دوم سے انتھابی y کور کے ہمسراہ احبزاء کے لئے نیوٹن کا حتاوں دوم \vec{T} کی تعدر \vec{T} کی تعدر کی تعدر

$$T - mg = m(-a)$$

جہاں (محور y کے ہمسراہ نیچرخ) اسسراع کی متدر a ہے۔ تاہم، ہم اسس مساوات کو a کے لئے حسل نہیں کر سے، چونکہ اسس مسین دوسرانامعساوم متغیر T بھی پایاجہ تاہے۔

قرص پر قوص مروڑ: گزشتہ مسرتب جب ہم محور لا سے آگے بڑھ نہیں سے، ہم نے محور x کاسہارالیا۔اسس مسرت ہم نے محور x کاسہارااٹھاتے ہوئے نیوٹن کا صانون دوم زادی روپ مسین لکھتے ہیں۔ قوت مسروڑ اور گھیسری جمود I تلاسش کرنے کے لئے، ہم نقط O پر، مسرص کو عصودی اور اسس کے وسط سے گزرتی کسیسر، محور گھیاولیتے ہیں (شکل 19c.10)۔

$$-RT = \frac{1}{2}MR^2(-\alpha)$$

$$(r.rh) T = \frac{1}{2}Ma$$

باب ۴. گھپاو 94

نتائج کوریجانی: مساوات ۴۶٬۴۸ اور مساوات ۴۸٬۴۸ ملا کر ذیل حساصل ہوگا۔

$$a = g \frac{2m}{M + 2m} = (9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}) \frac{(2)(1.2 \,\mathrm{kg})}{2.5 \,\mathrm{kg} + (2)(1.2 \,\mathrm{kg})}$$
$$= 4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}} \qquad (\text{---})$$

ا بوگا۔

جیب ہمیں توقع کرنی حیاہیے، گرتی اینٹ کا اسراع a آزادان۔ گرنے کے اسراع x سے کم، اور دھاگے مسیں شناو اور T دونوں پر $mg=11.8\,\mathrm{N}$ اور $T=6.0\,\mathrm{N}$ ت مت رص کی کمیت پر منحصب رہیں جب کمہ ان پررداسس کا کوئی اثر نہیں۔

T = 0 اور a = g اور a = g کی صورت میں a = g اور a = 0 اور a = 0ہوگا۔ ہم یہی توقع رکھتے ہیں؛اینٹ ایک آزاد جسم کی طسرح زمسین پر گرتی ہے۔مساوات ۲۲،۲۲سے متسرص کے زادی اسسراع کی ت در تلاسش کرتے ہیں۔

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{4.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}}{0.2 \,\mathrm{m}} = 24 \,\mathrm{rad \, s^{-1}} \quad (\text{...})$$

۴.۸ کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

م**قاصد** اسس ھے کریڑھنے کے بعید آ_پ ذی<u>ل</u> کے متابل ہوں گے۔

- ا. گھوٹے جسم پرلاگو توت مسروڑ کازاوی گھساو کے لیاظ سے تکمل لے کر، گھوٹے جسم پرلاگو توت مسروڑ کا سرانحبام کام معساوم کرپائیں گے۔
- ۲. مسئلہ کام وحسر کی توانائی استعال کر کے جسم کے گھمیےری حسر کی توانائی مسین تب یلی اور سسرانحبام کام کار شتہ حبان
 - m. کام اور اسس زاویے کے تعسلق ہے، جس پر جم گھومت ہے، مستقل قوت مسروڑ کاسسر انحبام کام تلاسٹ کریائیں گے۔
 - م. کام کی شرح معلوم کر کے قو<u>۔</u> مسروڑ کی طباق<u>ہ</u> حبان یائیں گے۔
 - ۵. کی لیح پر قوی مسروڑ اور اسس لیح پر زاوی سستی رفت ارکے رہشتہ سے قوی مسروڑ کی طباقت حسان مائیں گے۔

كليدي تصورات

• زاوی حسر کی مسین کام اور طباقت کی ذیل مساوات مستقیم حسر کی کی مساوات سے مطبابقت رکھتی ہیں۔

$$W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau \, \mathrm{d}\theta$$
$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} \tau \omega$$

• جب au متقل ہو، تمل گھٹ کر ذیل دیگا۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجسام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کر تاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

کام اور گھمیے ری حسر کی توانائی

جیب ہم باب 7 مسیں ذکر کر کیے ، جب قوت F استوار جم پر ، جس کی کمیت m ہو، عمسل کر کے اسس کو محد دی محور پر مصرع کرے ، قوت اسس جم پر کام سرانحب م دی تی ہے۔ پر ان ، جم کی حسر کی توانائی ($K = \frac{1}{2}mv^2$) سبدیل ہو سکتی ہے۔ فیسرض کریں جم کی صرف یہی توانائی تبدیل ہوتی ہے۔ ایک صور سے مسیں حسر کی توانائی کی تبدیلی کا کا اور کام W کا تعسلق در حب ذیل مسئلہ کام وحسر کی توانائی (مساوات 10.7) دیگا۔

$$(\sigma.$$
 (۹) $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2-rac{1}{2}mv_i^2=W$ (۱۳) $\Delta K=K_f-K_i=rac{1}{2}mv_f^2$

گور χ پررہے کی پاہند حسر کت کے لئے کام کی درج ذیل مساوات 32.7 دیگی۔

$$(\mathcal{C}, \Delta \bullet)$$
 $W = \int_{x_i}^{x_f} F \, \mathrm{d}x$ (حام، یک بُودی از کام)

جب F مستقل اور جسم کاہا و M=Fd ، جو ہم کاہا و M=Fd ، جو ہم مستقل اور جسم کاہا و M=Fd ، جو ہم مساوات M=Fd مساوات M=Fd مساوات M=Fd ، جو ہم مساوات M=Fd ، جو مس

$$(\sigma.\Delta I)$$
 $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = Fv$ (طاقت، یک بُعدی حسرکت)

باب ۲. گھماو

آئیں اس ہے ملتی حباتی گھیے ہیں صورت پر غور کرتے ہیں۔جب قوت مسروڑ، مقسر رہ محور گھی اوپر، استوار جم کو مسر کرے، قوت مسروڑ جم پر کام W سر انجب م دیتی ہے۔ یوں، جم کی گھیے ہی حسر کی توانائی $(K = \frac{1}{2}I\omega^2)$ تبدیل ہو سکتی ہے۔ سنسر ض کریں جم کی صرف یہی توانائی تبدیل ہوتی ہے۔ ایسی صورت میں حسر کی توانائی میں تبدیلی ΔK اور ΔK کام ΔV کار شتہ مسئلہ کام وحسر کی توانائی دیگا، تاہم اب حسر کی توانائی کے بجب کے گھیے ہی حسر کی توانائی کی بات کی حب کے گھیے میں کہ کی اور گئی گار شتہ مسئلہ کام وحسر کی توانائی دیگا، تاہم اب حسر کی توانائی کے بجب کے گھیے ہی حسر کی توانائی کی بات کی حب کے گھیے گئی۔

$$(\alpha.\Delta r)$$
 $\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2$ (نستله کام وحسر کی توانائی)

یہاں، I مقسررہ محور پر جسم کا گھمیسری جمود اور ω_i اور ω کام سے قبل اور اسس کے بعید جسم کی زاوی رفت ارہیں۔

ساتھ ہی، ہم مساوات 52.10 کی معادل گھمیے ری مساوات سے کام تلاسش کر کتے ہیں:

$$($$
اریم مقسر ره محور پر گھمی و $)$ $W=\int_{ heta_i}^{ heta_f} au \, \mathrm{d} heta$ (کام مقسر ره محور پر گھمی و

جباں au وہ قوت مسروڑ ہے جو کام W سسرانحبام دیتی ہے، اور heta ، کام سے قب ل اور اسس کے بعید ، جم کے زاوی مصام ہیں۔ جب au مستام ہیں۔ جب au مستقل ہو، مساوات au ہمگھٹ کر ذیل صورت اختیار کرتی ہے۔

$$(\sigma.\Delta\sigma)$$
 $W= au(heta_f- heta_i)$ (۲.۵۲) (۲.۵۲)

کام کرنے کی سشرح طباقت کہلاتی ہے، جو ہم مساوات 51.10 کی معسادل گھمیسری ذیل مساوات سے تلاسش کر سکتے ہیں۔

$$(\sigma. \Delta \Delta)$$
 $P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$ (طاقت، مقرره محور پر گھماو)

حبدول ۲.۲ مسیں مقسدرہ محور پر استوار جم کے گھماو کی چند مساوات اور مطابقتی مستقیم حسر کے کی مساوات پیشن ہیں۔

ساوات ۴.۵۲ تامساوات ۵۵.۴۵ ثبوت

آئیں دوبارہ مشکل 17.10 کو دیکھتے ہیں۔ بلا کیت سلاخ اور اسس کے ایک سسر پر کمیت m کا ذرہ مسل کر استوار جم رحمے میں۔ گل کے دوران، قوت \vec{F} جم پر کام سسرانحبام دیتی ہے۔ ہم منسرض کرتے ہیں کہ \vec{F} جم کی صرف حسر کی توانائی تسب کی کرتے ہیں کہ \vec{F} جم کی صرف سسر کی توانائی تسب کی کام سکا ہے البنداذیل ہوگا۔

$$\Delta K = K_f - K_i = W$$

 $(v=\omega r)$ استعال کرکے اسے ذیل کھی جب سکتا ہے۔ $K=rac{1}{2}mv^2$ اور مساوات $K=\frac{1}{2}mv^2$ اور مساوات $K=\frac{1}{2}mv^2$ اور مساوات $K=\frac{1}{2}mv^2$ اور مساوات کہ مسید $\Delta K=rac{1}{2}mr^2\omega_f^2-rac{1}{2}mr^2\omega_i^2=W$

م حسر کت کی چند مساوات	م اور مطب لقتی گھمپ ر ک	حبدول ۴۰،۲:متقم
	,, " (- ,,,,	

حنالص گھباو(مقسەرە محور)		حنالص مستقیم حسر کت (مقسرره رخ)		
θ	زاوی مفتام	x	معتام	
$\omega = \mathrm{d}\theta/\mathrm{d}t$	زاوی مستی رفت ار	v = dx/dt	مستى رفت ار	
$\alpha = d\omega/dt$	زادی اسسراغ	a = dv/dt	اسراع	
I	تھمپ ری جمود	m	کمیں۔۔	
auني $= I lpha$	نيوڻن کامت انون دوم	F_{i} ے $= ma$	نیوٹن کافت انون دوم	
$W = \int au heta$	کام	$W = \int F \mathrm{d}x$	کام	
$K = \frac{1}{2}I\omega^2$		$K = \frac{1}{2}mv^2$	حسىر كى توانائى	
$P = \tau \omega$	ط قت (متقل قوت مسروڑ)	P = Fv	ط اقت (متقل قوت)	
$W = \Delta K$	مسئله كام وحسركي توانائي	$W = \Delta K$	مسئله کام وحسر کی توانائی	

$$\Delta K = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

ہم نے مساوات یک ذروی جسم کے لئے ثابت کی، تاہم ہر جسم متعبد د ذروں پر مشتمل ہو گالہٰذاب مقسررہ تحور پر گھسائے گئے ہراستوار جسم کے لئے درست ہے۔

آئیں اب شکل 17.10 مسیں جم پر سرانجبام کام W اور جم پر \overline{f} کی بن توت مسروڑ τ کا تعلق جب نیں۔ جب ذرہ دائر کار اوپر چلتے ہوئے t فنصل مناصلہ طے کر تا ہے، توت کا صرف ممائی حسنرو f_t اسس راہ پر ذرے کو اسس رائی پر کر تا ہے۔ یوں صرف f_t ذرے پر کام سسرانجبام دیگی۔ ہم اسس کام t کو t کو t کام سسرانجبام دیگی۔ ہم اسس کام t کو t کو کام کے t کو کر تا ہے۔ یوں ذرہ زاویہ t کو کر تا ہے۔ یوں ذرکا ہوگا۔

$$dW = F_t r d\theta$$

میاوات ۴۰،۴۰ سے ہم دیکھتے ہیں کہ ماحصل $F_t \gamma$ اور قوت مسروڑ τ برابر ہوں گے لہنے امساوات ۴.۵۸ ذیل روپ اختیار کرتی ہے۔

ره.۵۹)
$$dW= au\,d heta$$
 $dW= au\,d heta$ يوں $heta_f$ تا $heta_f$ تا $heta_f$ مستنابی زاوی ہے ورران سے رانحب م کام ذیل ہوگا، $W=\int_{ heta_0}^{ heta_f} au\,d heta$

۱۰۰ پایس ۲۰. گلم او

جو مساوات ۳۵۳ ہے۔ یہ مساوات مقسررہ محور پر گھومتے ہر استوار جم کے لئے درست ہے۔ مساوات ۵۹۳ م سے بلاواسط مساوات ۲۵۳ مساصل ہوتی ہے۔

گھی ری حسر کت کے لئے مساوات ۴.۵۹ سے طباقت P لکھتے ہیں:

$$P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جومساوات ۵۵ به ہے۔

نمونی سوال ۲۰۱۱ کام، گھمیری حرکی توانائی، قوھے مرور، قرم

شکل 19.10 میں وقت t=0 پر مسترس ساکن حیالت سے آعنیاز کرتا ہے؛ بلا کمیت دھاگے مسین شناو $t=2.5\,\mathrm{s}$ کیا ورفت رس کا زاوی اسراع $t=2.5\,\mathrm{s}$ کیا ہوگی؟

كلب دى تصور

حمای: ہم α اور $\omega=0$ جبانتے ہیں اور ω جبانت ہیں الہذام اور $\omega=0$ استعال کرتے ہیں۔

$$\omega = \omega_0 + \alpha t = 0 + \alpha t = \alpha t$$

اور $I=\frac{1}{2}MR^2$ وال کرذیل ساصل ہوگا۔ $\omega=\alpha t$ اور $\omega=\alpha t$

$$K = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}MR^2)(\alpha t)^2 = \frac{1}{4}M(R\alpha t)^2$$
$$= \frac{1}{4}2.5 \,\text{kg}[(0.20\,\text{m})(-24\,\text{rad}\,\text{s}^{-2})(2.5\,\text{s})]^2$$
$$= 90\,\text{J} \qquad (\text{---})\text{?}$$

كلي دى تصور

ہم یہی جواب سے انحبام کام سے مت رص کی حسر کی توانائی معسلوم کر کے حساصل کر سکتے ہیں۔

$$(r. \checkmark \bullet) K = K_i + W = 0 + W = W$$

W اور قسر ص پر عمس اوات W جبانت حیاییں گے۔ مساوات W اور W اور قسر ص پر عمس اوات W اور قسر ص پر عمس کی توت مسروڑ کا تعمل تکھا جب سکتا ہے۔ دھاگے کی توت T واحد توت ہے جس کی توت مسروڑ

(TR) زادی اسسراع پیدا کرکے فتسر ص پر کام سسرانجبام دیتی ہے۔ چونکہ α مستقل ہے، اہلنذا سے قوت مسروڑ بھی مستقل ہو مستقل ہوگی۔ یوں مساوات ۵۳۰ ۱۳۳۳ تعال کی حباستی ہے، جس سے ذیل ککھا حباتا ہے۔

$$W = \tau(\theta_f - \theta_i) = -TR(\theta_f - \theta_i)$$

چونکہ α مستقل ہے، ساوات $\omega_i=0$ استعال کرکے $\theta_f-\theta_i$ معلوم کیا جب سکتا ہے۔ یوں $\omega_i=0$ کے لئے ذیل ہو گا۔ گا۔

$$\theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 = 0 + \frac{1}{2} \alpha t^2 = \frac{1}{2} \alpha t^2$$

 $T=\frac{1}{2}$ اسس کو مساوات ۱۲. ۲ مسیں ڈال کر حسامسل نتیجہ مساوات ۲۰. ۲ مسیں پُر کرتے ہیں۔ دی گئی معسلوما $\alpha=-24\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ وال کر ذیل ہوگا۔

نظب رثانی اور حنلاص

زاوی مقام مقسررہ محور پر بجو محور گھاو کہااتی ہے، استوار جم کے گھاو کی بات کرتے ہوئے، ہم منسر ش کرتے ہیں کہ جم کے ساتھ، محور گھاو کو عصودی حوالہ لکیر کی حبٹری ہے، جو جم کے ساتھ ساتھ گھومتی ہے۔ کسی مخصوص مقسررہ رخ کے لیے الاسے ہم اسس لکسیدر کا زاوی مقام θ ناپتے ہیں۔ جب θ کی پیسائٹ ریڈیکٹر مسیں ہو، ذیل ہوگا، جہاں دائری راہ کی تو م لمبائی کا مرداس ۲ ، اور زاویہ θ ہے۔

$$(r.i)$$
 $\theta = \frac{s}{r}$ (پیڈیٹُن نا ت

ریڈیئن، حیکر، اور در حبات میں ناپ کا تعلق ذیل ہے۔

$$(r.r) \qquad \qquad 1 = 360^{\circ} = 2\pi \,\text{rad}$$

زاوی ہٹاو جب ایک جسم کور گھسا دیر گھوم کر اپنازاوی معتام θ_1 سے تبدیل کرکے وہ کرے، جسم کاڑاوی ہٹاو ذیل ہوگا، $\Delta \theta = \theta_2 - \theta_1$

جباں حنلان گھٹڑی گھے او کے لئے مفی ہوگا۔ جباں حنلان گھٹڑی گھے او کے لئے مفی ہوگا۔ باب ۲۰ گھماو

زاوی سمتی رفتار اور رفتار اگرومت و درانی که مسین جم $\Delta \theta$ زادی سناد گوے ، اسس کی اوسط زاوی سمتی رفتار اوسا ذیل ہوگا۔ θ

$$(r.a)$$
 $\omega_{brail} = rac{\Delta heta}{\Delta t}$

جم کی (لمحاتھ) زاوی سمتھ رفتار ذیل ہو گ۔

$$(r.r) \omega = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$

اور ۵ سمتیات ہیں، جن کارخ **دائیرے ہاتھ کا قانواخ** دیگا (شکل 6.10)۔ حسٰلاف گھسٹری گھساوے لئے دونوں مثبت اور گھسٹری وار گھساوے لئے منٹی ہوں گے۔ جم کے زادی سستی رفت ارکی و تشدر اسس کی **زاد کے رفتار** کہسلاقی ہے۔

زاوی سستی رفت اول ω_1 تا ω_2 تا وقت میں جم کی زاوی سستی رفت اول سے تبدیل ہو کر ω_2 ہو، جم کا اور اسراع ذیل ہو کا۔

$$\alpha_{\rm lead} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

جم کی (کمجاتھے) زاوی اسراع ذیلے ہو گا۔

$$\alpha = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$$

 α اور α دونوں سمتیا سے ہیں۔

متقل زاوی اسراع کی مجرد ترکیات مماوات متقل زادی اسراع (متقل ه) گلمیسری حسرت کی ایک دنامی قتل اسراع کی مجرد ترکیات مماوات معاوات، جوجیدول ایم میں دی گئی ہیں، ذیل ہیں۔

$$(r.r)$$
 $\omega = \omega_0 + \alpha t$

$$(r.r) \theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2}\alpha t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0)$$

$$(r.1a) \theta - \theta_0 = \frac{1}{2}(\omega_0 + \omega)t$$

$$\theta - \theta_0 = \omega t - \frac{1}{2}\alpha t^2$$

خطی اور زاوی متغیرات کا تعلق گوئے استوار جسم کاندرونی نقط، جو تحورگماوے r عسودی ناصلہ پر ہو،رداس r کے دائرے پر حسر کت کر تا ہے۔ اگر جسم زاوی θ سے گھوے، یہ نقطہ ذیل قوی مناصلہ g کے کر تا ہے، جہاں g کا نایہ ریڈیئن مسیں ہے۔

نقطے کا خطی سے تی رفت ار \vec{v} دائرے کو مماتی ہوگا؛ نقطے کی خطی رفت ار \vec{v} ذیل ہوگا،

$$v = \omega r$$
 (ریڈیمن ناپ $v = \omega r$

جہاں س جسم کی (ریڈیئن فی سیکنڈ میں)زاوی رفت ارہے۔

نقطے کے خطی اسسراع à کاممای اور ردای حبزو ہوگا۔ ممای حبزوزیل ہوگا،

$$(r.rr)$$
 $a_t = \alpha r$ (پاریمین ناسیا)

جہاں (ریڈیٹن فی مسر کے سیکٹر مسیں) جم کے زادی اسراع کی ت در α ہے۔ اسراع کا دوای حبزوزیل ہوگا۔

$$(r.rr)$$
 $a_r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (پیٹین اپ

اگر نقط یک ال دائری حسر کت کرتا ہو، جسم اور نقطے کی حسر کت کادوری عسر صب تن فیل ہوگا۔

$$(r_{r} \cdot r_{r} \cdot r_{r})$$
 $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega}$ (پیرین نام تاریخ تان نام تاریخ تار

گھميرى حركى توانائى اور گھميرى جمود مقسىرە محور پر گھوتے ہوئ استوار جىم كىسىرى توانائى K زيل ہوگ،

جباں I جم کا محمیر کی جمود ہے، جس کی تعسرین انسنسرادی ذروں کے نظام کے لئے:

$$I = \sum m_i r_i^2$$

اور استمراری تمیتی تقسیم کے جسم کے لئے ذیل ہے۔

$$I = \int r^2 \, \mathrm{d}m$$

ان مساوات مسیں، محور گھساوے مطلوب ہمسیق مکڑے تک عصودی مناصلہ ۲ اور ۲ ہے، اور کمل پورے جم پر لیاحیائے گاتا کہ اسس مسین تمام کمسیق مکڑے شامل ہوں۔

مسئلہ متوازی محور کی بھی محور پر جسم کے گھیسری جود I کانتساق، ای جسم کے مسر کز کمیسی پر متوازی محور کے لیے ناس گھیسری جود کے ساتھ مسئلہ متوازی محور دیتا ہے۔

اب ۲۰ گھماو

h ہیں دونوں محور کے نی مناصب h ہے ، اور مسر کز کیت پر محور کے لیے نظرے جسم کا تھمیسری جمود میں ہود I ہے۔ ہم کا کومسر کز کیت پر واقع محور سے اصل محور تھے اوکا ہٹ و تصور کر سے ہیں۔

قے مروڑ گھیسری محور پر قوت آ کی بناجم پر گھو سنے کے اثر کو قوت مسروڑ کہتے ہیں۔ اگر محور گھساو کے لحساظ سے جسس نظے پر آ تا عمسل پیسر اہوانس کا تعین گر سمتیہ تر ہو، تب قوت مسروڑ کی وحدر ذیل ہوگی،

$$(r.rq.r.r.r.r)$$
 $\tau = rF_t = r_\perp F = rF \sin \phi$

تو۔۔ مسروڑ کی بین الاتوامی اکائی نیوٹن میٹر (Nm) ہے۔اگر ساکن جم کو تو۔۔ مسروڑ au حنلان گھسٹری گھسنے کی کوشش کرے تب منفی ہوگا۔

نیوٹن کے قانون دوم کازاوئ روپ نیوٹن کے تنانون دوم کازادی مسٹل ذیل ہے،

$$au_{i} = I\alpha$$

جہاں ذرے یا استوار جسم پر قوت مسروڑ σ ، محور گھماوپر ذرے یا جسم کا گھمیسری جمود I ، اور α اسس محور پر ماحسان زاوی اسسراغ ہے۔

کام اور گھمیری حرکی توانائی گھیسری حسرت مسین کام اور طباقت کے حساب کی (درج ذیل) مساوات مستقیم حسرت کی مساوات سے مطبابقت رکھتی ہیں۔

$$(r.sr)$$
 $W = \int_{0}^{\theta_{f}} \tau \, \mathrm{d}\theta$

$$(r.aa) P = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \tau \omega$$

جب au منتقل ہوم اوات ۴.۵۳ گھٹ کر ذیل روی اختیار کرتی ہے۔

$$(\textbf{r.sr}) \hspace{1cm} W = \tau(\theta_f - \theta_i)$$

گھومتے اجبام کے لئے مسئلہ کام وحسر کی توانائی ذیل روپ اختیار کرتاہے۔

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I\omega_f^2 - \frac{1}{2}I\omega_i^2 = W$$

سوالا ____

سوال ۱.۷: انتصابی دھسرے پر مسسرص کی زاوی سستی رفت ریالمقابل وقت ترسیم مشکل 20.10 مسیں پیش ہے۔ مسسرص کے چکا پر ایک نقطہ کے لئے کحسات ، c ، b ، a کی در حب بسندی، اعظم اول رکھ کر، (۱) ممسامی اور (ب) ممامی اور (ب) دائی اسسراع کی وقت در کے لیے افاعے کریں۔

21.10 عوال ۲.۷: انتصابی دھسرے پر مشرص کے گھاو کی تین صور توں کے لئے زاوی معتام θ بالقابل قوت t شکل t 21.10 میں پیش ہے۔ برایک صورت میں گھاو کارخ کی زاوی معتام θ ہوگا۔ (۱) بر صورت کے لئے کیا θ θ θ θ گھاڑی وار ہے، خلاف گھسڑی ہے، یاعتین θ θ θ پر ہے؟ برایک صورت میں (ب) کے لئے θ θ کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟ θ θ کے ایک فرت منفی، ماصف بر ہوگا؟

سوال ۳.۳: مصرص کے وسط سے گزر تاانقب بی دهسرے پر گھومتے مصرص کے چاپر قوت لاگو کر کے اسس کی زادی مسمتی رفت ار تبدیل کی حباتی ہے۔ اسس کی بالسسرتیب ابت دائی اور اختنای مسمتی رفت ار حبار مختلف صور توں مسین ذیل ہیں: (۱) ابت دائی 2 rad s⁻¹ : (2 rad s⁻¹ ؛ (ب) 5 rad s⁻¹ ؛ (ب) 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقتای 6 rad s⁻¹ ؛ (ب) 7 rad s⁻¹ نقت اول رکھ کر ان صور توں کی در حب بہندی قوت مسروڑ کے سرانجبام کام کے لیے اطلاح کریں۔

سوال ۴۰.۴: شکل 22a.10 کے مسترص کازاوی معتام شکل 22b.10 دیتی ہے۔ کیا(۱) t=1 پر، (ب t=2 s (بر، کیاناوی کا نواز کی کازاوی سنستی رفت ارمثبت، منفی بیاصف ہے؛ t=3 s (درجی) کے ناوی استراع مثبت یا منفی ہے؛

سوال ۲۰۰۵: فت رص کے وسط سے گزرتا انتصابی دھسرے پر گھومتے فت رص پر قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 عمسل کرتی ہیں (مشکل 23.10)۔ گھساوے دوران، جو صنالات گھسٹری اور مستقل ہے، قوت و کھائے گئے زاویے بر فت رارر کھتی ہیں ۔ تاہم، ہم حیاہتے ہیں کہ \vec{F}_1 کی فت در تبدیل سے بغیب رہ \vec{F}_1 کازاویہ θ گھٹائیں۔(۱) سمتی زاوی رفت ارتبدیل سے ہوئے کے کئے کسیا گھسٹری واریا حنالات گھسٹری قسٹری گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری کو مششر کرتی ہیں ؟ کسیا (ب) آجا در (ج) کو مشتر ص کو گھسٹری واریا حنالات گھسٹری گھسٹری گھسٹری کو مششر کرتی ہیں ؟

سوال ۲۰۰۱: ایک چوکور جو نقط P پر دانتصابی دھسرے کے گرد گھوم سکتا ہے ، کافصنائی حبائزہ شکل 24.10مسیں لیا گئیا ہے۔ گیا ہے۔ چوکور پر برابر فت در کی پانچ توت عمسل کرتی ہیں، اور P ضلع کاوسطی نقط ہے۔ نقطہ P پر توت مسروڑ کے لحساظ ہے، اعظم اول رکھ کر، تو توں کی در حب بسندی کریں۔

موال ۷۰٪ افتی چول دار سلاخ کافصٹ کی حبائزہ مشکل 25a.10 مسیں پیش ہے۔ سلاخ پر دو قوت عمسل کرتی ہیں، تاہم سلاخ ساخ ساخ اور جَرِّ کَ عَنْ فَاور سلاخ اللہ ہے۔ کہ ساکن رہے، کپ اسکن رہت ہے۔ اب اگر سلاخ اور جَرِّ کے چھڑاوی وسلاخ سے گھٹائیں اور سلاخ اب بھی ساکن رہے، کپ جَرِّ بڑھے نئی ہوگی، گھٹائی ہوگی، گھٹائی ہوگی، گھٹائی ہوگی، ایر مصنی ہوگی؟

موال ۴.۸: افتی چول دار سیاخ کا فصن کی حب نزه شکل 25b.10 میں پیش ہے۔ سیاخ کو قوت \vec{F}_1 اور \vec{F}_2 چول پر گھساتی ہیں: \vec{F}_2 اور سیاخ کے جی اور سے \vec{F}_3 زاوی اسراع کی وقت در کے لحی ظرے ، اعظم اول رکھ کر ، زاوی \vec{F}_3 کی درج ذیل قیمتوں کی در حب بیندی کریں: 90° ، 90° ، اور 110° درج ذیل قیمتوں کی درج بیندی کریں: 90° ، ور

سوال ۹٬۰۰۰ کیساں موٹائی کے دھاتی پور کاچو کور جس ہے % 25 حس کاٹا گیا ہے، شکل 26.10 میں دکھایا گیا ہے۔ سوال ۹٬۰۰۰ میں دکھایا گیا ہے۔ ان نقطوں پر انتصابی محور کے گرد حپادر کے گھیدری جمود کے لیاظ ہے، اعظام اول

اب ۲۰ گھساو

ر کھ کر، نقطوں کی در حب سندی کریں۔

موال ۱۰٪: تین چینے (ایک جینے رداس کے) مت رص بجو مسیرص کے وسط پر انتصابی دھ سرے کے گرد گھوم سکتے ہیں، مشکل 27.10 مسیں پیش ہیں۔ شینوں مسیرص وہی دومادہ ہے جنہ ہیں۔ ایک مادہ دوسرے سے زیادہ کثیف ہے (فی اکائی 27.10 مسیں پیش ہیں)۔ مسیرص 1 اور 3 کا ہیں دوفی نصف حصہ کشید مادے کا ہے۔ مسیرص 2 کا اندرونی نصف حصہ کشید مادے کا ہے۔ مسیرص 1 اور 3 کا ہیں وقتی مسیری کے میسیری جود، اور (ج) مساسی مسیری جود، اور (ج) مسیری جود، اور (ج) مسیری کے اسرائ کے لیے لئے ایسیرص کے دسط پر گھمیسری جود، اور (ج) مسیرص کے اسرائ کے لیے لئے انظے ماول دکھ کر، مسیرص کی در حب ہیں دی کریں۔

سوال ۱۱.۷: میسٹر سلاخ کا آدھ حسے کئڑی کا اور آدھ فولاد کا بن ہو ہے (شکل 28a.10) کئڑی والے سر O پر چول ہے۔ فولادی سر a پر چول ہے۔ فولادی سر a پر قوت لگری والے سر کرتی ہے۔ شکل 28b.10 سیس سلاخ الٹی رکھی حباتی ہے اور فولادی سر 28b.10 سیس جب کم کئڑی والے سر a پر قوت لاگو کی حباتی ہے۔ کیا شکل 28a.10 سیس پید ازاوی اسراع شکل 28b.10 سیس پید ازاوی اسراع شکل 20b.10 سیس پید ازاوی اسراع ہے کیا ہے ؟

سوال ۱۲.۳: کیساں کمسیتی تقسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے تین قسیم کے جارہ کارداسس R اور کیسے اس می دیے گئے ہیں۔ قسیرص کے وسط پر قسیرص کو عصودی محور گھماو کے گرد قسیرص گھوم سکتے ہیں۔ اپنے اپنے محور گھماو پر گھمسیری جمود کے لحاظ سے، اعظم اول رکھ کر، قسیرص کی در حید بہندی کریں۔

سوالات

گھمپری متغیرات

سوال ۱. ۴: ایک اچپ اکھ لاڑی 60 فٹ دور کھ لاڑی تک 85 میل فی گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھنٹ کی رفت ار اور 1800 حپکر فی منٹ کے گھنٹ کینے حب کر مکسل کے ہوں گے؟

سوال ۴.۲: گھسٹری کی (۱) سسیکنڈوں کی سوئی، (ب)مسنٹوں کی سوئی، اور (ج) گھنٹوں کی سوئی کی زاوی رفت ارریڈیئن فی سسیکنڈ مسیں تلاسٹ کریں۔

سوال ۳۰،۳: ڈیل روٹی کا مکھن لگا گزامین نے پیسل کر زمسین پر حیکر کھاتا گرتا ہے۔ میپزے زمسین تک مناصلہ 76 cm اور 1 سے کم حیکر کی صورت مسین پر لگئے کے بعد مکھن لگا طسرون زمسین پر لگئے کے بعد مکھن لگا طسرون زمسین پر ہو؟

سوال ۲۰۰۳: گومتے پیے پر ایک نقطے کازادی معتام $2.0+4.0t^2+2.0t^3+3$ جہاں θ کانا پریڈیئن اور t کا سوال ۲۰۰۳: گومتے پیے پر ایک نقطے کازا کازادی معتام اور (ب)زادی سمتی رفت ارکب ہوگا جمعی اور t=4.0 بر اسس کازادی سمتی رفت ارکب ہوگا ؟ (ج) کھے t=2.0 ہے پر اسس کازادی اسراع تلاسش کریں۔ (د) کیا اسس کازادی اسراع معتقل ہے ؟

سوال ۴.۵٪ پانی تک m 10 بلند حب بوترہ سے تب راک حب کر کھ کر کھ کر کھی کر پینچتا ہے۔ صف رابت دائی انتصابی سستی رفت رفت رف کر کے، پرواز کے دوران تب راک کی اوسط زاوی سستی رفت ارتلاسٹ کریں۔ t سوال ۲.۳: گوتے پیچے کے چکاپر ایک نقطے کا زاوی معتام $t=4.0t-3.0t^2+t^3$ سوال ۲.۳: گوتے پیچے کے چکاپر ایک نقطے کا زاوی معتام t=4.0 و اور t=4.0 و این اور این استان وسط زاوی اسراغ کیا ہوگا؟ اس دورانے کے (ج) آغیار میں اور (د) اختیام پر کھی آنی زاوی اسراغ کیا ہوگا؟

سوال ۲٬۰۰۰ ایک پہیا مسیں، جس حبار داسس 30 cm ہے، آٹھ شیلیاں برابر مناصلوں پر نسب ہیں۔ یہ مقسر رہ دھسرے پر 2.5 حب کرفی سیکنڈ گھوم رہا ہے۔ آپ 20 cm لمب اتسیر مار کر، دھسرے کے متوازی، شیلیوں کو چھوئے بغیبر ، پہیے کے اندرے گزار ناحیا ہے ہیں۔ تیسر اور تسیلیوں کو انتہائی پتالا تصور کریں۔ (ا) تسیر کی کم سے کم رفت ارکسیا ہو سستی ہے؟ (رب) کسیادھسرے اور چکا کے نی کمارنے کا نقط اہمیت رکھت ہے؟ اگر اہمیت رکھتا ہے؛ اگر اہمیت رکھتا ہے کا گراہمیت رکھتا ہے کا گراہمیت رکھتا ہو، بہت بین مصام کسیا ہوگا؟

متقل زاوی اسسراع کا گھپاو

سوال ۹۰٪ اینج وسطی محور پر ڈرم 12.60 rad s⁻¹ زاوی سمتی رفتارے گھوم رہا ہے۔ اگر اب ڈرم 4.20 rad s⁻² کی مستقل شرح سے آہتہ ہو، اسس کور کئے تک را) کتنا وقت حیا ہے ہو گااور (ب) رکئے تک سے کتنا زاوی گھوے گا؟

سوال ۱۰ ابن: ساکن حسالت سے آغناز کر کے ایک مصرص اپنے وسطی محور پر مستقل زادی اسسرانا سے گھومت ہے۔ است دائی 5.0 s مسین فت مصرص 5.0 s گھومت ہے۔ اسس دورانسیہ مسین (ا) زادی اسسرانا اور (ب) اوسط زادی سمتی رفت ارکیا ہوگی؟(د) زادی اسسرانا ہر فت را رہنے رفت را رہنے کی اختتام پر لحساتی سمتی رفت ارکیا ہوگی؟(د) زادی اسسرانا ہر فت را رہنے کی صورت مسین ایک علی 5.0 s مسین فت رض مسین کے کانتا ہوگی کا تاہے؟

سوال ۱۱.۷۱: ایک فت رص جوابت دائی طور $120 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ عراح متقل اسراع $4.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ برگا؛ ستہ ہوتا ہے۔ (۱) فت رص کے رکھنے تک کتناوت درکار ہوگا؛ (ب) رکھنے تک فت رص کتنازاوپ طے کریگا؛

سوال ۱۲.۳: ایک گاری کا کال ۱۳۳ (انجن) کی زادی رفتار ۱2 s مسیں 1200 پکر فی منٹ سے بڑھ کر 3000 پکر فی منٹ کی حباتی ہے۔(۱) اسس کا اسسراع حبکر فی مسر بع منٹ مسیس کے ہوگا؟ (ب) ان 12 s مسیس کل (انجن) کتنے حبکر کا ٹی ہے؟

سوال ۱۳۰۳: ا**رازم پییا** ۳۰ 40 کپروں مسیں 1.5 rad s⁻¹ زادی رفتارے ساکن حسالت کو پہنچتا ہے۔(۱) مستقل زادی اسسراع مسٹر من کرتے ہوئے، رکنے کے لئے در کار وقت معسلوم کریں۔(ب) اسس کا زادی اسسراع کسیا ہو گا؟(ج) 40 حبکر مسین سے ابت دائی 20 حبکراڑن پہیا کتنے وقت مسین کاٹتا ہے؟

سوال ۱۲٪ سکن حسالت ہے آغاز کر کے، مستقل اسسراع کے ساتھ، اپنی وسطی محور پر مسسر ص گھومت ہے۔ کسی

engine^{rr} flywheel^{rr}

۱۰۸

ایک لیجے مسیرس 10 حپکر فی سیکنڈے گھومت ہے؛ 60 حپکر بعبد اسس کی زاوی رفت ار 15 حپکر فی سیکنڈ ہے۔(۱) مسیرس کا زاوی اسسراغ، (ب) ہے 60 حپکر کو درکار دورانی، (ج) 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے کے لئے درکار دورانی، اور (د) ساکن حسالت ہے 10 حپکر فی سیکنڈ رفت ارتک پیچنے تک کل حپکر تلاسش کریں۔

سوال ۱۵.۵: مسترص کے وسطی نقط ہے گزرتی انتصابی دھسرے پر ساکن حسالت ہے مسترص آعن از کر کے $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ مسترص $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$ کتے وقت مسین $\alpha=3.0\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-2}$

سوال ۱۱.۳: ساکن حسالت سے آغساز کر کے محور گلمسادپر فتسر ص زاوی اسسراع 1.50 rad s⁻² کے جلت ہے۔(۱) اہتدائی 2.00 حیکر اور (ب) اگلے 2.00 حیکر کتنے وقت مسین طے ہوں گے؟

 $-0.25 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ پراڑن پیچے کی زاوی ستی رفت از $-0.25 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ مستقل زاوی اسراع $-0.25 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ اور حوالہ کلیب و $\theta_0 = 0$ پر ہر و برائن پیچے کی زاوی ستی رخت رخت ایوادہ کتنازاوی ہیں ہیں ہوگے کی جس وقت والہ کلیب را برائی مسرتب اور (ج) روسری مسرتب ہیں و $\theta_0 = \frac{1}{2}$ وقت اور (ج) مثلی وقت اور (ج) میں وقت اور (ج) میں مسرتب روسالہ کلیب مسرتب اور (ج) میں گرکت اس پر ایخ جوابات کی نشاند ہی کریں۔

سوال ۱۱. γ : 1 کین γ ست نور کا سے بناہ کو کہتے ہیں جو منارہ نور کی طسرح شعباع حنارج کر تا ہے۔ ناہی ہر پ کر کے دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت شعباع مار تا ہے۔ دو متواتر شعباع ول کے آج دوران زمسین پر ایک مسرت ہو ایک سال مسین معلوم کیا جب ایک مسین مار ول داہش کا دوری عسر مسرح کا مسین مسلم السرط کی مسلم السرط کی مسلم مسلم کا نام کا دوری عسرت کے ایک کا دوری مسلم کا دوری عسرت کے گئے مسلم کا دوری مسلم کا دوری عسرت کے گئے مسلم کا دوری کا مسلم کی کہ مسلم کا دوری کا مسلم کا دوری کا مسلم کا دوری کے مسلم کا دوری کا مسلم کا دوری کا مسلم کا دوری کا مسلم کا دوری کے گئے مسلم کا دوری کے کے مسلم کا دوری کی کے کہ مسلم کا دوری کے ایک کا دوری کی کے ایک کا دوری کا دوری کے ایک کا دوری کا دوری کا دوری کی کے دوری کا دوری کی کے دوری کا دوری کی کا دوری کا دوری کا دوری کا دوری کا دوری کا دوری کی کے دوری کا دوری کی کے دوری کا دو

خطى اور زاوى متغب رايك كاتعلق

موال 19.7: حنلائی طیارہ $4000 \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت $-29\, \mathrm{m} \, \mathrm{km} \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت $-20\, \mathrm{m} \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت $-20\, \mathrm{m} \, \mathrm{km}^{-1}$ رواس کا دائری موڑ کائت کا سراع کی متدریں کیا ہیں؟

سوال ۲۰۰۰: ایک جم مقسر رہ محور پر گلومت ہے، اور جم پر حوالہ لکسیر مازاوی مقتام $\theta=0.40e^{2t}$ ہے، جہاں θ ریڈ بیئن مسیں اور t=0 سیکنڈوں مسیں ہے۔ محور گلم اوسے t=0 فن صلے پر نقطے ہے۔ کمحہ t=0 پر نقطے (۱) کے اسسراغ کے مسین اور t=0 ممای حسن واور (ب) اسسراغ کے ردائی حسن و کی وقت در کہتے ہوگی ؟

سوال ۲۰۲۱: اله اِ اور ۱۹۹۰ کے آط الب کے شہدر پیپ اسٹیں واقع جھ کا برُج ۲۸ کی چوٹی جنوب کے رخ سالات اوسط اُ ۲۰۰ کی جوٹی جنوب کے رخ سالات اوسط اُ 1.2 mm

pulsar

Crabnebula

supernova **

leaningtowerofPisa**^

موال ۴۰،۲۲: خنلباز کو m 10 رداس کے مرکز گریزہ 4 میں 2 0.30 t^{2} جاتا 2 0.5 جاتا 2 0.5 جاتا 2 0.5 جاتا ہور (د)ردائی اسراغ کا میں میں اسراغ اور (د)ردائی اسراغ کی میں بول گی؟

سوال ۲۳.۳٪ ایک اڑن پہیا جس کا قط سر 1.20 m پر فی منٹ کی زاد کار فت ارسے گلوم رہا ہے۔(۱) اڑن پہیے کی زاد کار فت ارکیا ہوگی؟(ج) پہیے کی زاد کار فت ارکیا ہوگی؟(ج) پہیے کی زاد کار فت ارکیا ہوگی؟ فت کی زاد کار فت ارکیا ہوگا؟ مسین بڑھ سکر تع منٹ میں کسیا ہوگا؟

سوال ۴۰، ۲۰ گراموفور ۴۰ کی سوئی (پایک کی بنی ہوئی) تھالی ۱۳ کی چوڑیوں پر حپ ل کر آواز پیدا کرتی ہے۔ چوڑی مسیں چھ و حسم پر حپ ل کر سوئی ارتعب سٹس پذیر ہوگی۔ گراموفون میکانی ارتعب سٹس کو پہلے برتی ارتعب سٹس مسین اور اسس کے بعب آواز مسین سبدیل کرتا ہے۔ منسر ض کریں تعت لی $\frac{1}{2}$ 33 حپ رفی منٹ سٹسر ہے گھومتی ہے، جس چوڑی کو بحب یا جب راسس کا رواسس سال کرتا ہیں۔ حسم کس سٹسر ہر (کلر مسین حسم کیساں سلس کا 1.75 سس کوئی کو کھراتے ہیں۔ حسم کس سٹسر ہر (کلر کسین کی کو کھراتے ہیں۔ حسم کس سٹسر ہر اگر کی کہ کوئی کو کھراتے ہیں؟

سوال ۴۰۲۵: (۱) سطح زمسین پر 40° شمسال کے خط عرض بلد 7° پرواقع نقطے کی قطبی محور پرزاوی رفت ار ω کسیا ہوگی؟ (زمسین قطبی محور پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ پر گلومتی ہے۔)(ب) اسس نقطے کی خطی رفت ان σ کسیا ہوگی؟ خط استوا σ

سوال ۳۰،۲۱: دفانی کل ۳۳ (دحن نی انجن) کااڑن پہیا 150 حیکر فی منٹ کی مشقل زادی سمتی رفت ارسے حسر کت مسین ہے۔ بعب پر میرم ۴۳ کی رقر اور ہوائی رکاوٹ پہیے کو 2.2 گھٹؤں مسین رو تی ہیں۔ (ا)رکنے کے دوران پہیے کا مشقل زادی اسراع، حیکر فی مسرع منٹ مسین، کیا ہوگا؟ (ب) رکنے تک پہیا گئے حیکر کاشت ہے؟ (ج) جس لمحہ الزن پہیے کی زادی رفت اور 75 حیکر فی منٹ ہے، پہیے پر محور گھاوے 50 cm فن ملے پر نقط کے خطی اسراع کام می حبزوکیا ہوگا؟ (د) ذریے کے صافی اسراع کی ت در کیا ہوگا؟

سوال ۲۰ ، ۳۰ : تختہ گھوم ۲۳ پر ، جو 33 أو سيل من من سے گھوم رہاہے ، فقا کادات مور گھساوے 6.0 من صلے پر پڑا ہے۔ (۱) فقا کا اسسراع کمیا ہے اور (ب) پھیلنے سے بچنے کے لئے کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کمیا ہو گا؟ (ج) اگر ساکن حسالت سے تخت اسس رفت ارتک و 0.25 مسیں مستقل زاوی اسسراع سے پہنچ ہو، پھیلنے سے بچنے کے لئے کم سے کم سکونی رگڑ کا مستقل کمیا ہو گا؟

 $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 25 \, \mathrm{cm}$ اور $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ ما تا ہے (شکل 31.10)۔ کن جالت ہے پہیا $r_A = 10 \, \mathrm{cm}$ کی زاوی رفت اور $r_A = 1.6 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-2}$ مستقل شرح ہے بڑھ کی جب تی ہے۔ پہیا $r_A = 1000 \, \mathrm{cm}$ فی منٹ تک بیجند کے کت اوقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے) (ایشارہ: اگریٹ پھیلے نہیں، دونوں پہیوں کے فی منٹ تہیں ہوں کے کت اوقت در کار ہوگا (پٹ پھیلت انہیں ہے)

centrifuge regramophone re

vinylrecord latitude r

equator

steamengine

bearing turntable turntable

۱۱۱ پایس ۲۰. گلمهاو

ھے برابر خطی رفت ارسے حسر کت کریں گے۔)

موال ۲۹ ، ۳: روشنی کی رفت ارنا پنے کی ایک پر افی ترکیب مشکل 32.10 مسین دکھ آئی گئی ہے، جس مسین مشکاف دار گومت کا ۲۹ ، ۳۰ مسین مشکان کر دور آئین ہے۔ گورا کر دور آئین ہے۔ گورا کر ای راہ پر مشکان کے بسیر دونی کسنارے پر شگاف سے کرن گزر کر دور آئین ہے۔ گئی تا کے دوالت مسین پہیا ایک شگاف آگے بڑھت ہے؛ یوں کرن اگلے شگاف داور آگئی تا کہ دورائی ہے۔ گئی کاردائس 5.00 مشکافوں کی تعداد 500 ، اور آئینے تک و ناصلہ 500 سے گاردائس جا کہ دوشنی کی رفت اور آئینے تک و ناصلہ 3.0 × 10⁵ km s ہے۔ گئی کی مشتل (زادی) رفت ادک ہے ؟

سوال ۳۰۳۰: ممکن پرخی کر تھے اڑن پہیے کو، جس کارداس 2.83 cm ہے، ساکن حسالت ہے 14.2 rad s⁻² ہے، ساکن حسالت ہے۔ 2.83 cm ہے، مسائل ہے کہ کہ اس دوران پہیے کے چکا پر واقع نقطے کے مسائل ہے۔ (۱) اسس دوران پہیے کے چکا پر واقع نقطے کے مسائل اسسراٹ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پہنچنے تک چکا پر واقع نقطے کاردائی اسسراٹ کسیاہوگا؟ (ج) اختتا کی رفت ارتک پہنچنے تک چکا پر واقع نقطے کہ تناون صلہ طے کرتا ہے؟

سوال ۱۳.۳۱: ایک و سرص، جس کارداسس $0.25 \, m$ و سخص کی و سطی انتصابی محور پر $0.25 \, m$ گھسانا مقصود ہے۔ سکن حسالت ہے آغناز کر کے، ابتدائی $0.25 \, m$ ودران و سرص کو مستقل $0.25 \, m$ مسرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک حباتا ہے۔ مشرح سے اسس کی زاوی رفت از گھنائی حباتی ہے، دلئی کہ و سرص رک کی حصہ کے مسرکز مائل اسراع کی و سدر $0.25 \, m$ مل سام کی گھنائی کے اس کی وردانے کتناہو مکا ہے جو اوز نے کرے۔ (۱) گھناؤی کے کے مصرکز مائل اسراع کی قیت کے ایوان کی گھنائی کے ایوان کی دورانے کتناہو مکتا ہے ؟ (ب) مطب القتی $0.25 \, m$ کی قیت کسیاہو گی؟

سوال ۴۳۲: ساکن حسالت سے آغناز کر کے گاڑی $30.0 \, \mathrm{m}$ رواسس کی دائری راہ پر حیباتی ہے۔ اسس کی رفتار $0.500 \, \mathrm{m} \, \mathrm{s}^{-2}$ مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم عقد میں مستقل شدر ہے ہوگی : (ب) اسس کم یے گاؤی کا مسافی ممتد اسراع اور گاڑی کی سمتی رفت ار آپس مسین کس زاویے پر ہیں ؟

گھماو کی حسر کی توانائی

سوال ۳۳۰ ایک پہیا 602 حیکر فی منٹ سے گھوم رہاہے اور اسس کی حسر کی توانائی ا 24 400 ہے۔ پہیے کا گھمیسری جمود تلاسٹ کریں۔

سوال ۱۳۳۳: ایک پتلی سلاخ ایک سر پر گھسائی حباتی ہے۔ شکل 33.10 مسیں سلاخ کی زادی رفت اربالقابل وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیان $\omega_s = 6.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ وقت پیش ہے۔ محور سی کاپیان $\omega_s = 6.0 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ پر سلاخ کی وقد رکت ہوگئی ہے جا (ا) کھی ہوگئی سر کی توانائی از 1.60 ہے۔ کو سے $t = 4.0 \, \mathrm{s}$ پر سلاخ کی حسر کی توانائی کی بیابوگی؟

gyroscope "2

گھىپىرى جمود كاحساپ

سوال ۱۳۵۵: دویک گوم رہے ہیں۔ ان کی انفٹ رادی موال سے اپنے اپنے وسطی (طولی) محور پر $1 = 235 \text{ rad s}^{-1}$ مور سے ہیں۔ ان کی انفٹ رادی کی جس کارداسس مخلف ہیں۔ (۱) چھوٹے بسیان کی، جس کارداسس سے 1.25 kg ہوگی۔ جس کارداسس سے 0.75 m ہوگی کے اور رہے کی توانائی کے ہوگی جس کارداسس سے 0.75 m ہوگی کے بیان کی جس کارداسس سے 0.75 m ہوگی کے بیان کی بی

سوال ۳۳.۳۱: متسرص کے وسط سے ردای h من صلے پر محور کے گرد متسرص گھوم سکتا ہے (مشکل 34a.10)۔ متسرص کے وسط سے کنارے تک h کی قیمتوں کے لئے متسرص کا گھسیسری جود I کا $I_B = 0.050 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کیا ہے۔ محور $I_B = 0.050 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ کیا ہے۔ محار کا کا میں کرتے ہیں۔ متسرص کی کیت تلاشش کریں۔

سوال ۳۰٬۳۷: میسٹر سلاخ، جس کی کیسے 0.56 kg ہے، کا گھیسری جمود 20 cm نشان پرواقع سلاخ کو عسودی محور پر تلاسٹ کریں۔(میسٹر سلاخ کو پستلی سلاخ تصور کریں۔)

سوال ۲۰۳۸: بلا کمیت سلاخ کے ساتھ تین ذرے چسپاں کیے گئے ہیں (شکل 35.10)۔ سلاخ کی لمبائی میں درجہ میں اور ذروں کی انفسندادی کمیت میں دروں کی انفسندادی کمیت بنت ہے ۔ سے نظام سلاخ کے بائیں سرپر واقع نقطہ O.0100 kg کے ڈرتی عصودی محور پر گلوم سکتا ہے۔ ہم ایک ذرہ ہٹ تے ہیں (جو % 33 کمیت بنت ہے)۔ محور سے (ا) مستریب ترین درہ ہٹ نے بی دروترین ذرہ ہٹ نے بی دروترین ذرہ ہٹ نے بی دروترین درہ ہٹ کے بی دروترین دروترین درہ ہٹ کے بی دروترین دروتر

سوال ۳۹ ، اڑن پہیے کوبر قی موٹر سے 200 ریڈیئن فی سیکنٹر رفت ارتک پہنچپ کر گھومتے اڑن پہیے مسیں ذخیرہ توانائی سے ٹرک حیایا حب سکتا ہے۔ منسر ض کریں اڈن پہیا ٹھوسس اور یکساں بسیلن ہے، جس کی کمیت 500 kg اور رواسس 1.0 m ہے۔ (ا) بھسرائی کے بعد اڑن پہیے کی حسر کی توانائی کتی ہوگی؟ (ب) اگر ٹرک اوسطاً 8.0 kW طاقت استعمال کرتا ہو، بھسرائی کتی دیرمسیں دوبارہ کرنی ہوگی؟

 $L=\frac{100}{2}$ بوال ۱۰٬۳۰۰ بالکل ایک جیسے 15 متے میں سیدھ میں رکھ کر سان ٹی کشکل میں ، جس کی لمب بی اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ بین اور پورا $M=100.0~\mathrm{mg}$ نظام در میانے مت میں کے وسطی نقط O پر گھوم سکتا ہے۔(ا) اسس محور پر نظام کا گھمیسری جمود تلاسٹس کریں۔(ب) نظام کو کسک کے میں این تصور کرنے سے حبدول 2e.10 کا کلیہ استعمال کرنے سے گھمیسری جمود کے حساسہ میں کتنے فی صد سمویسید ابوگا۔

سوال ۳۰.۳: دو ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کیت $m=0.85\,\mathrm{kg}$ ہے ، ایک دو سرے کے ساتھ اور O پر واقع محور $d=5.6\,\mathrm{cm}$ اور $M=1.2\,\mathrm{kg}$ گھے اور کے ساتھ ہے دو سال خور ڈی ہیں۔ ان سالغوں کی انفٹ رادی کیت اور لہبائی $M=1.2\,\mathrm{kg}$ اور $M=5.6\,\mathrm{cm}$ اور $M=1.2\,\mathrm{kg}$ گھے دور کی سند نظام محور گھے اوپر $M=1.2\,\mathrm{kg}$ میں نظام (۱) کا گھے ہیں جود اور () دستر کی توانائی کے ہیں ؟

 $x = 0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 2.0 \, \text{cm} \cdot x = 2.0 \, \text{cm} \cdot 50 \, \text{g}$ حوال ۳۰.۴۲: حیار ذروں کی کمیشیں اور محد دونیل ہیں: $y = \cdot x = -2.0 \, \text{cm} \cdot 30 \, \text{g} : y = -3.0 \, \text{cm} \cdot x = -3.0 \, \text{cm} \cdot 25 \, \text{g} : y = 4.0 \, \text{cm}$ حور تلاشش کریں۔(د) ہم جبزوا اور جبزو جو بالیسٹ کو یہ کوروں کا بھول سے کہ جو ابات کو بالیسٹ کو یہ کہ کا دور ہے کے بھول سے کہ کا بھول سے کہ کی بھول سے کہ کا بھول سے کہ کا بھول سے کہ کا بھول سے کہ کا بھول سے کہ کی بھول سے کہ کا بھول سے کہ کا بھول سے کہ کی بھول سے کہ کا بھول سے کہ کی بھول سے کہ کا بھول سے کہ کا بھول سے کہ کا بھول سے کہ کا بھول سے کہ کی بھول سے کہ کا بھول سے کہ کے بھول سے کہ کا بھول سے کہ کہ کا بھول سے کہ کہ کہ کہ کا بھول سے کہ کو بھول سے کہ کہ کہ کہ کر دور سے کہ کر بھول سے کہ کر بھول سے کہ کر بھول سے کہ کہ کر کے کہ کر بھول سے کہ کر کے کہ کر بھول سے کہ کر بھول سے کہ کر کے کہ کر بھول سے کہ کر بھول سے کہ کر کہ کر بھول سے کر بھول سے کر بھول سے کر بھول سے کہ کر بھول سے کر بھول سے کہ کر بھول سے کر بھول سے

اال ۲۰۰۳ گھماو

 $c=1.4\,\mathrm{cm}$ واور ماره ماره ناور شکل کا کیکیت $b=8.4\,\mathrm{cm}$ و اور اضام میں اور اضام میں۔ میں ایک کا کا گھیسے میں جو دیا سٹس کریں۔ میں ایک کو عصودی ایک کونے سے گزرتی محور گھسا و پر سل کا گھیسے میں جو دیا سٹس کریں۔

سوال ۲۳٬۳۰۰ حیارایک جیے ذروں کو، جن کی انفسر ادی کیسے 0.50 kg ہے، مس کا 2.0 m ہے وکور کی حیار راسس پر راکس کے حب تے ہیں، جو ڈا حب بتا ہے۔(۱) محت انفسال امنسال کی حب تے ہیں، جو ڈا حب بتا ہے۔(۱) محت انفسال محال کے وسطی نقطوں سے گزرتی محور گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، (ب) ایک ضلع کے وسطی نقط سے گزرتی محور گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، اور (ج) وتری محت الف ذروں سے گزرتی محور گھا۔ ویر، جو چو کور کی سطح مسیں پایا حب تا ہے، اسس استوار جم کا گھی۔ کی جو و تلاسش کریں۔

قوی مسروڑ

 $r_1 = 1.30 \, \mathrm{m}$ ایک جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے جیم پر ، جس کا پول نقط O پر ہے ، دو تو سے عمل کرتی ہیں (شکل 39.10 سے دوڑ کہ ہو گا گا جو گا ہو گا ہو گا ہو گا ہو گا گا ہو گا ہو

سوال ۳.۳2 بلا کیہ، بلا کیہ، سلاخ کے ایک سر پر 0.75 kg گیند بائدھ کر، سلاخ کا دوسراسر چول سواٹ کا دوسراسر چول سے لاکایا جباتا ہے۔ جب حساسل رفتاس انتصاب کے ساتھ °30 پر ہو، چول پر تحباذ بی قوت مسروڑ کی وقت در کیا ہوگی؟

سوال ۴۸.۴۸: سنگل کے پائسیدان کابازو m 0.152 m ہے اور سنگل سوار پائسیدان پر 111 N نشیبی قوت لاگو کر تا ہے۔ پائسیدان بازو کے چول پر اسس وقت قوت مسروڑ کی وقت در کسیا ہوگی جب انتصاب کے ساتھ پائسیدان کا زاوی (۱) *30 ،(ب) 90° ،اور (ج) °180 ہو؟

نیوٹن کافت انون دوم برائے گھم او

سوال ۴۹.۳۰: تخت خوط ۴^۳ سے تالاب مسین کود کر غوط خور کی زادی رفت ار، اسس کے مسر کز کیت پر، 220 ms مسین مصنسرے تخت کے دوران (۱) مسین کو گھیسری جمود 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ مسر کز کمیت پر اسس کا گھیسری جمود 12.0 kg m² ہوتی ہے۔ پرواز کے دوران (۱) غوط خور کے اوسط زادی اسسرا گاور (ب) تخت سے غوط خور پر بسیسر وٹی اوسط تو سسروڑ کی و تدرین کسیا ہیں؟ سوال ۴۵.۵۰: پہیے پر 32.0 N m تو سسروڑ 25.0 rad s⁻² زادی اسسرا گیسید اگرتی ہے۔ پہیے کا گھیسری جمود کسیا

 $m_1 = 460 \,\mathrm{g}$ بلارگرافقی دھے رے پررداسس $R = 5.00 \,\mathrm{cm}$ کا چر افتی دھے ہے، جس سے کمیت $R = 460 \,\mathrm{g}$

?_

divingboard pulley pulley

5.0 s کی سل 1 اور کمیت $m_2 = 500 \text{ g}$ کی سل 2 سٹ کی ہے (شکل 01.10)۔ ساکن حیالت ہے رہائی پر 0.0 s کی سل 0.0 s کی سن 0.0 s کی تصدر کیا ہے 0.0 cm کی تصدر کی تصدر کیا ہے وہ کی تصدر کی تصدر کیا ہے وہ کی تصدر کی

سوال ۲۰.۵۲: ایک بسیان ، جس کی کیت $2.0 \, \mathrm{kg}$ بینی وسطی طولی محور پر ، جو O پر واقع ہے ، گھوم سکتا ہے (مشکل $F_1 = 5.0 \, \mathrm{kg}$) ، اور $F_2 = 4.0 \, \mathrm{N}$ ، $F_1 = 6.0 \, \mathrm{N}$ ، $F_2 = 5.0 \, \mathrm{cm}$) اور $F_3 = 12 \, \mathrm{cm}$ بین راہ بیان کے زاوئی اسس رائ (ا) کی ت در اور (ب) رخ تلاسش کریں۔ (گھ و کے دوران بیان کے لحاظ ہے قوت انہیں زاویوں پر رہتی ہیں۔)

سوال ۱۳۵۳: حبالی کشتی جو ڈو کہ اتی ہے۔ ایک داو مسیں آپ حسریف کا بایاں پاوں مار کر اٹھ تے ہیں اور ساتھ ہی اس کووردی ہے کی کرزمسین پر گرتا ہے۔ شکل 44.10 مسیں آپ کا حسریف اپنی کوردی ہے کی کرزمسین پر گرتا ہے۔ شکل 44.10 مسیں آپ کا حسریف و کھی ایک ہوں کا کا حسریف کی کا حسریف و کھی ایک ہے، جس مسیں اسس کا بایاں پاوں زمسین سے اٹھی و کھی انتقالیہ G پر ہے۔ تب ذبی تو سے \overline{F}_g اسس کے مسرکز کیست پر عمسل کرتی ہے، جو G کے company کی توست \overline{F}_g ستانی نظر انداز ہونے کی صورت کیست کی توست \overline{F}_g ستانی نظر انداز ہونے کی صورت مسیں اور (ب) آپ کی قوت افتی اسس کی و تدر G کی اور نقط اطلاق کی بلندی G کی جورگ کی مورت مسیں اور (ب) آپ کی قوت افتی اسس کی و تدر کی کا بایت دائی زادی اسراع کے باوگا؟

سوال ۸۵.۷: یکساں موٹائی اور کثافت (کمیت فی اکائی تحبم) کے پلاشک کی بے متاعدہ حبادر نقط 0 پر واقع، سطح حبادر کوعہ وری محود دورج ذیل ترکیب سے ناپاحباتا حبادر کوعہ وری، محود دورج ذیل ترکیب سے ناپاحباتا ہے۔ دواسس 2.00 cm اور کمیت کی حبار کی متسر س حبادر کے ساتھ یوں چسپاں کمیاحباتا ہے کہ متسر س کا وسط O پر ہو (شکل 45b.10)۔ لئو پر دھ گا کہ لیسٹے نی طسرح متسر س دھ گا کہ بیٹ کر دھ گا ہے 5.05 کے لئے کھینی حباتا ہے۔ نتیجتاً، متسر ص کے چکا پر ممای لاگو 0.400 N مستقل قوت متسر س اور حبادر دونوں کو گھی تی ہے۔ ماحسل درونوں دونوں کو گھی تی ہے۔ ماحسل درونوں دونوں کو گھی تی ہے۔ ماحسل اور کور متسال کا ویر دیادر کا گھیسری جود کہ ہوگا؟

سوال ۲۰٬۵۲: وو ذرے 1 اور 2 جن کی انفٹ رادی کمیت m ہے بلا کمیت ساخ کے سروں پر حبٹرے ہیں (شکل ۲۰٬۵۲) ساخ کی لمب کی $L_1 = 20$ cm ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا لائے کی لمب کی $L_1 + L_2$ ہے۔ چول پر سلاخ افتی رکھ کر رہا کی میں اور (ب) زرہ 1 اور (ب) زرہ 2 کے ابت دائی اسراع کی میں در کمیا ہوگی؟

سوال ۸۵۰٪ ایک جب رفتیل کارداس $10 \, \mathrm{cm}$ اور دھسرے پر گھسیری جمود $1.0 \, \mathrm{cm}$ اور جب $1.0 \, \mathrm{cm}$ بول ۸۵۰٪ ایک جب رفتیل کے چاپر ممای تغییر پذیر قوت $1.0 \, \mathrm{cm}$ اور $1.0 \, \mathrm{cm}$ اور کا پر مسین اور $1.0 \, \mathrm{cm}$ کے چاپر ممای تغییر پذیر قوت $1.0 \, \mathrm{cm}$ کے بارک کے جب رفتیل ابتدائی طور ساکن ہے۔ وقت $1.0 \, \mathrm{cm}$ پر اسس (۱) کازادی اسراع اور (ب) زادی رفتار کے باوں گے ؟

اال ۲۰٫۶ گھماو

کام اور گھمیےری حسر کی توانائی

سوال ۵۸. m=50 ور m=400 و، m=400 و، m=12 cm ہو، ساکن حسالت معلوم کریں۔ m=50 وی بازی کے بعد m=50 وی کی رفت ارکسیا ہوگی؟ توانائی کی بیٹ کا اصول استعال کر نے جواب معلوم کریں۔ (ب) رداسس m=5.0 دراسس m=5.0 دراسس m=5.0 دراسس معلوم کریں۔

سوال ۵۹.۳: گاڑی کا خمرار وهرا ۳۰ کریئک شافٹ) 1800 حیکرنی منٹ رفت ارے گھومتے ہوئے انجن سے دھسرے (اکسل) تک خمرار مشرع سے توانائی پہنچا تاہے۔ خمید اردھ سراکتنی قویت مسروڑ منسراہم کرتاہے؟

سوال ۲۰ ،۳: ایک پستی سلاخ، جس کی لمب اُئی m 0.75 اور کمیت 0.42 kg ہے، ایک سرے کسٹی ہے۔
سال خوا ایک جب: سب کھنچ کر رہا کر کے روشاص کی طسرح جھولنے دیا جب اتا ہے؛ نشیب سے سلاخ کا 4.0 rad s⁻¹ ذاوی
رفت ارسے گزرتی ہے۔ رگڑ اور ہوائی رکاوٹ نظر انداز کریں۔ (۱) نشیبی معتام پر سلاخ کی حسر کی توانائی کہ ہوگی اور (ب)
سلاخ کا مسر کز کمیت نشیبی نقط ہے کتی بلندی تک پنچیا تا ہے؟

سوال ۲۰۱۱: ایک پہیا، جس کو دائری پتلی ساخ تصور کمیا جب سکی اور دواسس 32.0 kg اور رواسس مقاور ہے۔ ایک بہیارو کئے مسین کت کام میں روکت مقصود ہے۔ (۱) پہیارو کئے مسین کت کام سسر انحبام ہوگا؟ (ب) در کار اوسط طب اقت کمیا ہوگی؟

سوال ۲۲. ۳: تین ذروں کو، جن کی انفٹ رادی کمیت $L = 6.00 \, \mathrm{cm}$ بیا کمیت $L = 6.00 \, \mathrm{cm}$ بی سال کے کسی نواز کر کے سال کے کسی پر واقع سال کو عصودی، محور پر گھوم سکتی ہے (شکل 35.10 کی ساتھ جو ڈا گیا ہے جو، سال کے سے پر نقطہ $D = 0.00 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ کی مسی کی شخص کو (ا) $D = 0.00 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ کی مسی کر نے مسیں کتناکام در کار ہوگا (در کانظے م کی حسر کی (حباول مسیں) توانائی بالمقائل $D = 0.00 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ کی مسر بح سیکنڈ مسیں) مسر بح شہر جھے او کی ترسیم کی ڈھلوان کے ہوگی (

سوال ۱۳۰۸: مسیٹر سلاخ زمسین پر کھٹڑی کر کے گرنے دی حباتی ہے۔ عسین زمسین پر بنٹی کر سلاخ کے دوسرے سسر کی رفتار کسیاہ و گی جنسین پر رکھٹا گسیاسر پھیلتا نہیں۔(امشارہ: مسیئر سلاخ کو پہتلی سلاخ تصور کر کے توانائی کی بنت کا اصول بروئے کا رائیں۔)

سوال ۲۸ من: ایک بلند بسیلنی آتش دان جس کی بنیاد کمنزور پڑ گئی تھی گرتا ہے۔ آتش دان کو پسلی سلاخ تصور کریں جس کی کمبائی 55.0 شاہد کے دوران جس لمح انتصاب کے ساتھ آتش دان °35.0 داویہ بناتا ہے

crankshafi^r*

، اسس کے بالا سسر کا(۱)ردای اسسراع، اور (ب) ممساسی اسسراع کیا ہوں گے؟ (امشارہ: توانائی کی بقسا بروئے کار لائیں ناکہ قوت مسروڑ۔)(ج)ممساسی اسسراع کسس زاویے 8 پر s = 9.8 m s = کے برابر ہوگا؟

سوال ۲۲.۳۱: کیساں کروی خول، جس کی کمیت $M=4.5\,\mathrm{kg}$ اور داسس $R=8.5\,\mathrm{cm}$ ہے، انتصابی وسطی کور پر بلار گڑ گھوم سکتا ہے (شکل 47.10)۔ بلا کمیت دھاگہ، جس سے $m=0.60\,\mathrm{kg}$ ہیں ہے۔ کاجم لڑکا ہے، حب ر تشیل پر گزار کر کرہ کے خط استواپر لپیٹا حباتا ہے۔ حب ر تشیل کا گھیسری جمود $T=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$ اور دواسس $T=3.0\times 10^{-3}\,\mathrm{kg}$ ہیں ہے۔ سال کا دھسر ابلار گڑ ہے؛ دھا گہ جب ر تشیل پر پھیلتا نہیں ہے۔ ساکن حیالت ہے $T=5.0\,\mathrm{cm}$ کی دفت ارکسیاہ گی بقیا استعمال کریں۔

سوال ۱۸ برین پیتلا گلیسر (کیست m اور رواسس m 0.150 m) اور پستلی سلاخ (کیست m اور لمبائی m) بوزگر استوار نظام بینیا گلیس بے (مشکل 48.10) نظام سیدها گھٹڑا ہے، تاہم معمولی بلانے پر نظام سیدها کھٹڑا ہے، تاہم معمولی بلانے پر نظام سیاخ کے نمیلے سے پر واقع ، سلاخ اور گھیسرا کے مستوی مسیں موجود ، افتی محور کے گر د گھومت ہے۔ ونسرض کریں معمولی بلانے کے منتقبل وستابل نظر انداز ہے۔ نشیبی نقط ہے گزرتے وقت نظام کی زاوی رفت ارکسیا ہوگی ؟

اصٰافی سوال

حوال ۲۰۲۸: دو گھوسس یکسال کرہ کی انفٹ رادی کیت 1.65 kg ، اور رداسس 0.226 m اور 0.854 میں ۔ دونوں اپنی اپنی محور پر ، جو کرہ کے مسر کز سے گزرتی ہے ، گھوم سکتے ہیں۔ (۱) چھوٹے کرہ کو سائن حسالت ہے 0.855 مسین 0.85 ناوی رفت ارتک لانے کے لئے درکار 0.85 کی متدر کیا ہے ؟ (ب) کرہ کے خط استوا پر ممسائی قوت کی متدر کیا ہے ؟ (ب) کرہ کے خط استوا پر ممسائی قوت کی متدر کمیا ہیں؟

سوال ۲۹. ۳: رواسس $r=2.00~{\rm cm}$ کا تچونا فت رص، رواسس $R=4.00~{\rm cm}$ کرنے فت رص کے کسن ار بیاں جو ڈا گلیا ہے کہ دونوں ایک مستوی مسین ہوں (مشکل 49.10) ہیڑے فت رص کے مسر کز O پرواقع عب مودی گور کے گر د نظام گھوم مکتا ہے۔ دونوں فت رص کی بیساں کثافت (کمیت فی اکائی تحبم) $1.40 \times 10^3~{\rm kg}~{\rm m}^{-3}$ اور بیساں موٹائی $1.40 \times 10^3~{\rm kg}~{\rm m}^{-3}$ کور گھرا و پر نظام کا گھرسیس کی بیساں کش کریں۔

 $^{-2}$ سوال ۲۰٪: ایک پہیاب کن حیالت ہے آغیاز کرکے $^{-2}$ 2.00 rad s کی متعلق اسراع کے ساتھ گھومت ہے۔ کسی مخصوص \$ 3.00 دورانیے میں پہیا گومت ہے۔ (ا) اسس \$ 3.00 دورانیے کے آغیاز مسیں پہیا گی زاوی متی رفتار کیا ہے $^{-2}$ (ب) $^{-2}$ 3.00 دورانے ہے قبل پہیا کتنی دیر حسر کے میں ربا؟

سوال اے γ : دو جمم ، جن کی انفسرادی کیت $6.20 \, \mathrm{kg}$ ہیں (شکل مسیں باندھے گئے ہیں (شکل 50.10) ہوں مسیں باندھے گئے ہیں (شکل 50.10) ہوں اور $7.40 \, \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ وروائس کی دوسر اللار گڑ ہے۔ حب رتھیں پر دھ گئے گئے مہنے مہنے آیا میں زاور جم کے بھی گڑ ہے بانہیں ؛ جب رتھیں کا دھ سر ابلار گڑ ہے۔ $91.0 \, \mathrm{ms}$ کی حسالت سے رہائی پر $91.0 \, \mathrm{ms}$ وروائی مستقل ہے۔ $91.0 \, \mathrm{ms}$ کی دور اور اور اور اور اور اور اور اور اور کی کا تناور اور اور اور اور اور کی کا تناور اور اور اور کی کا تناور اور اور اور اور کی کا تناور اور اور کی کا تناور اور کی کا تناور اور کا کی تعلق کے دور وائی کی دور میں گئے گئے تھیں ؟

ال ١١٦ گهماو

سوال ۲۰۰۳: ہمیلی کاپٹر کے کیساں پر کی لمب بنی 7.8 m اور کیسے 110 kg ہے، اور ایک و تبالہ اسس کو مدور دوس کی پوری رفتارہے)، وت بلے دوسرے کے ساتھ جوڑتا ہے۔ (۱)جب مدور 320 حیکر فی منٹ ہے گھومت ہے (جو اسس کی پوری رفتارہے)، وت بلے پر دوسرے کی قوت کی و تدر کر ہی ہوگا؟ (امشارہ: اسس حب کے لئے پر کو کمسین نقط تصور کیا جب سکتا ہے جو پر کے مسرکز کیسے پر واقع ہو کیوں؟) (ب) کن حبالت سے 8 6.70 مسین پوری رفتار تک پہنچ نے کے لئے مدور پر در کار قوت مسروڑ کیا ہوگی؟ ہوا کی رگز نظر انداز کریں (اسس حب مسین پر کو کمسینی نقط تصور نہیں کیا جب سکتا ہو گئی منٹ تک پہنچ نے کے لئے مور نہیں گیا ہے۔ کو کہ نہیں گئی منٹ تک پہنچ نے کے لئے والے نہیں جس کے ساتہ ہے۔ کری منٹ تک پہنچ نے کے لئے والے تھور کہا کہ مسروڈ پر پر کتنا کام سرانے مام دیگی؟

سوال 0 ہور ہونوں فت ہور پر گوم سے ہیں (شکل 51.10)۔ لحب t=0 پر دونوں فت ہور س کے عوالہ کلیہ میں ہور ہونوں فت ہور س کے جوالہ کلیہ ہور کہ اللہ کا بالہ ہور کہ معنوں کے اللہ کا بالہ ہور کہ ہور کہ معنوں کا بیا ہے۔ t=0 معنوں کا بیانہ ہوں کا زاوی ہور کے حیل پڑتا ہے۔ (1) جوالہ کلیہ وولوں کا زاوی ہور کے معنوں کو بیالہ کہ ہور کو اللہ کا بیانہ کو بیالہ کہ ہور کو اللہ کا ہور کہ کا بیانہ کو بیانہ کے بیانہ کو بی

retarding ^r

جوابات