كوانتم ميكانسيات

حنالد حنان يوسفزني

باسے کاسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

۲۰۲۱ جولائی ۲۰۲۱

# عسنوان

| vii              | پہلی کتاب کادیباح <b>پ</b>  | بری        | مر |
|------------------|---|------------|----|
|                  | ے عسل موج   |            |    |
| 1                |   | ىف<br>11   | 1  |
| 1                |   | 1.1        |    |
| ۵                |   | 1.1<br>1 m |    |
| ۵                | احستال نام مسلمل متفسيرات<br>اسلا غني مسلمل متفسيرات  | 1.7        |    |
| 9                | ۱۳.۴ ایشراری متغییرات   |            |    |
| 15               | •   | ۱ ۳        |    |
| 10               |   | 1.0        |    |
| 14               |   | 1.4        |    |
|                  |   |            |    |
| ۲۱               | پىر تابىغ وقىت سشىر دۈنگىرمىپادات   | غسب        | ۲  |
| ۲۱               | - من الا <b>ت</b>   | ۲.۱        |    |
| ۲۷               | ا لامت نائى حپ ور کنوال   | ۲.۲        |    |
| ٣٩               | • 🗓 •   | ۳٫۳        |    |
| ٣٨               | ا ۲٫۳ الجبرائی ترکی <b>ب</b>  |            |    |
| ړ∽               | ۲٫۳٫۲ څليالي ترکيب  |            |    |
| ۵۵               |   | ۳ ۳        |    |
| 70               |   | r.a        |    |
| Υ <sub>1</sub> γ | ۲.۵.۱ مقید حسالات اور بخفسراو حسالات ۲.۵.۱ مقید حسالات مقید می او حسالات ۲.۵.۱ مقید می داد م |            |    |
| 44               | ۲.۵.۲ وليك القب عسل كنوال   |            |    |
| ۷۵               |   | ۲.4        |    |
|                  |   |            |    |
| ۸۵               | ب د وضوابط  | قواعه      | ٣  |
| ۸۵               | مرمشی عسام سل کے امت بیازی تف <sup>ع</sup> سل   | ۳.۱        |    |
| ۸۵               | ا.ا.۳ عني رمسلس طيف   |            |    |
| ۸۷               | ۳.۱.۲ استمراری طیف ً  |            |    |

iv

| 91                 | منتعم شمسارياتي مفهوم   | ٣.٢        |        |
|--------------------|---|------------|--------|
| 91~                | اصول عب دم يقينت  | ٣.٣        |        |
| 90                 | ۳.۳.۱ اصول عبد م یقینت کا ثبوت به سیات کا شوت کا گذار کا شوت کا گذار کا شوت کا گذار کا شوت کا گذار کا گذار کا گذار کا شوت |            |        |
| 91                 | ۳.۳.۲ کم سے کم عب م یقینیت کاموجی اکٹھ ،  |            |        |
| 99                 | ۳.۳.۳ توانائی ووقت اصول عبرم یقینیت   |            |        |
| ۱۰۳                | ۋىراك <b>_</b> عسلامتىت   | ٣.۴        |        |
|                    | , , , , <del>, , , , , , , , , , , , , , , </del>   | :          |        |
| 112                | بادی کوانٹم میکانسیات<br>کر مرم میں میں میں میں ایک انگریکا کا میں میں میں میں میں ایک کا میں   |            | ſ      |
| 11 <u>८</u><br>119 | کروی محسد دمسین مب وات شرودٔ گر   | ۱.۳        |        |
| 114                | ۱.۱. ۴ علیمحسد گل متغیب رات   |            |        |
| 110                | ۱۰.۱۳ راویان کوات   |            |        |
| 119                | ازد از  | ٣.٢        |        |
| 184                | ۴ پیشورون قالوار<br>۲۰۲۱ ردای تف <sup>عی</sup> موج  | •          |        |
| 114                | ۴.۲.۲ بائسیڈروجن کاطیف  |            |        |
| ۱۳۲                | زاويائي معييار حسر کت   | ۳.۳        |        |
| ۳                  | ۴.۳.۱ امتیازی افتدار  |            |        |
|                    |   | <b>.</b>   |        |
| ۱۳∠                | ل ذرا <del>ت</del>  | متمسا      | ۵      |
| 9 مما              | . تابع وقت نظب ریبه اضطبراب   | غب         | ч      |
| 1179               | . عنب رانحطاطی نظریب اضطراب   | ۲.۱        |        |
| ١٣٩                | ۲.۱.۱ عنسومی صف ابط به سندی   |            |        |
| 10+                | ۲.۱.۲ اول رتبی نظب رہے  |            |        |
| ۱۵۴                | ۲.۱.۳ دوم رتی توانائیال   |            |        |
| ۱۵۵                | انحطاطی نظسری اضطسراب میلیدی میلیدی میلیدی میلیدی میلیدی میلیدی اضطبراب میلیدی میلیدی میلیدی میلیدی میلیدی میلی   | 4.5        |        |
| 100                | ۲.۲۱ دوپِرْ تا نحطاط  |            |        |
|                    |   | <b>:</b> 7 |        |
| 1011               | .ى اصول   | سير        | 2      |
| 100                | - تخمسين  | 5.         | ۸      |
|                    |   |            |        |
| 104                | نظسر اضطسراب  | تابعوقه    | 9      |
|                    | . •   |            |        |
| 109                | ار ناگزر تخمسین   | حسرا       | 1•     |
| 171                | af .  | بخفسر      | 11     |
|                    |   |            |        |
| 1411               | ۇش <u>ت</u>   | پسن        | 11     |
| ۵۲۱                |   | _          | 110    |
| , ιω               |   | ت          | بو اما |

| 172 | <u> </u> |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |    |   |    |   |      |   |    |       |   |     |      |       |       |      | 1   | الجبر | خطی  |   | I |
|-----|----------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|----|---|----|---|------|---|----|-------|---|-----|------|-------|-------|------|-----|-------|------|---|---|
| 174 | <u> </u> |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |    |   |    |   |      |   |    |       |   |     |      |       |       | نيار | سمد |       | 1.1  |   |   |
| 144 | <u> </u> |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |    |   |    |   |      |   |    |       |   |     | _    | _     | اضر،  | رونی | اند |       | ۲.1  |   |   |
|     |          |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |    |   |    |   |      |   |    |       |   |     |      |       |       |      |     |       |      |   |   |
| 144 | <u> </u> |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |    |   |    |   |      |   |    |       |   | ٦   | _    |       | لی اس | بديا | تتب |       | ا.م  |   |   |
| 174 | <u> </u> |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | ار | ت | اف | ی | مياز | ت | إم | . اور | _ | _لا | ياعر | تقنيه | إزى   | تيا  | امد |       | ۱.۵  |   |   |
| 172 | _        |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |    |   |    |   |      |   |    |       |   |     | ٢    | باد_  | تتب   | شی   | ٦,  |       | ۱.۲  |   |   |
| 179 | 7        |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |    |   |    |   |      |   |    |       |   |     |      |       |       |      |     |       | رہنگ | ٺ | , |

# میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومت پاکستان اعسلیٰ تعسیم کی طسر ف توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلے مصر تب اور پہلی مسرتب اعسلیٰ تعسیمی اداروں مسیں تحقیق کار جمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ بیہ سلمہ حباری رہے گا۔ پاکستان مسیں اعلیٰ تعسیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب کی انھیں گیا۔

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وحب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تعتار میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تعتار آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نے لکھنے کاجواز بنانے سے انکار کر دیااوریوں ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین مین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوالے متھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلمسل نصاب کی طسر فسے ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار شس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وط الب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایت سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر 201<sub>1</sub>

### اب ٢

## غبير تابع وقت نظسر په اضطسراب

٢.١ عنب رانحطاطي نظرب اضطراب

ا.۱.۱ عسمومی ضابط، بندی

فنسرض کریں ہم کسی مخفیہ (مشلاً پک بعیدی لامت ناہی حپ کور کنواں) کے لئے غنیب رتائع وقت مشیر وڈنگر مساوات:

$$H^0\psi^0_n=E^0_n\psi^0_n$$

سلسلہ  $\psi^0_n$  کا تکسل سلسلہ کا تکسلہ کے تکسلہ کا تکسلہ کی تکسلہ کے تکسلہ کی تک تک تک تکسلہ کی تکسلہ کی تکسلہ

$$\langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = \delta_{nm}$$

اور ان کی مطب بقتی امتیازی افتدار  $E_n^0$  حساصل کرتے ہیں۔ اب ہم مخفیہ مسیں معمولی اضطہ را بہدا کرتے ہیں (مشلاً کواں کی تہہہ مسین ایک چھوٹا موڑاڈال کر؛ مشکل 6-1) ہم نئے امتیازی تقساعہ مات اور امتیازی افتدار حبانت حہامیں گئے: گئے:

$$H\psi_n=E_n\psi_n$$

تاہم انتہائی خوش قتمتی کے عسلاوہ کوئی وحبہ نہیں پائی حباتی کے ہم اسس پیچیدہ مخفیہ کے لیے مساوات مشہروڈ گر کوبالکل گئیک ٹھیک حسل کرپائیں گے۔ نظریہ اصطراب کوغیر مفط رب صورت کے معلوم ٹھیک ٹھیک حسلوں کولے کر وقدم بقدم جیلتے ہوئے مفط سرب مسئلے کے تخمینی حسل دیت ہے ہم نے ہیمکٹنی کو دواحبزاء کا محب وعد کھ کر آغن ز کرتے ہیں

$$H = H^0 + \lambda H'$$

جہاں H' اضطراب ہے زیر بالا مسیں 0 بمیث غنیہ مضطرب مقیدار کو ظاہر کرتا ہے ہم یہاں  $\lambda$  کو ایک چھوٹا عبد در تصور کرتے ہیں بعبد مسیں اسس کی قیمت کو بڑھ اکر ایک (1) کر دی حبائے گی اور H اصل ہیملٹنی ہوگا اسس کے بعب ہم  $\psi$  اور  $E_n$  کو  $\lambda$  کی طب وستی تسل کے معرب کسے ہیں

$$\psi_n = \psi_n^0 + \lambda \psi_n^1 + \lambda^2 \psi_n^2 + \cdots$$

$$(Y.Y) E_n = E_n^0 + \lambda E_n^1 + \lambda^2 E_n^2 + \cdots$$

یہاں n ویں امتیازی متدر کی قیمت میں اول رہتی تصحیح کو  $E_n^1$  ظیام کرتا ہے جب n ویں امتیازی تف عسل میں  $E_n^1$  ورم رہی تصحیح ہوں گے وغیبرہ مساوات  $E_n^2$  اور  $E_n^2$  اور  $E_n^2$  ورم رہی تصحیح ہوں گے وغیبرہ مساوات  $E_n^2$  میں پر کرکے مساوات  $E_n^2$  میں پر کرکے

$$(H^{0} + \lambda H')[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

$$= (E_{n}^{0} + \lambda E_{n}^{1} + \lambda^{2} E_{n}^{2} + \cdots)[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

 $\lambda = 1$ یا  $\lambda = 1$ یا کھے طاقت وں کو اکٹھ اکٹھ کر درج ذیل کھے حب سکتا ہے

$$H^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(H^{0}\psi_{n}^{1} + H'\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(H^{0}\psi_{n}^{2} + H'\psi_{n}^{1}) + \cdots$$

$$= E_{n}^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(E_{n}^{0}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(E_{n}^{0}\psi_{n}^{2} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{2}\psi_{n}^{0}) + \cdots$$

 $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$  کا کی صورت مسیں اسس سے  $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$  سامس ہوتا ہے جو کوئی کئی مساوات نہیں ہوگا (ریمانی ایک تک ورین ذیل ہوگا

(1.2) 
$$H^0\psi_n^1 + H'\psi_n^0 = E_n^0\psi_n^1 + E_n^1\psi_n^0$$

رتب دوم  $(\lambda^2)$  تک درج ذیل ہوگا

(1.A) 
$$H^0\psi_n^2 + H'\psi_n^1 = E_n^0\psi_n^2 + E_n^1\psi_n^1 + E_n^2\psi_n^0$$

و غیسہ ہ وغیسہ ہ (رتب پر نظسر رکھنے کی عشرض سے ہم نے ۸ استعال کیا اب اسس کی ضرورت نہیں رہی اہلہٰ ذا اسس کی قیت ایک، 1 ، کر دیں)

۲.۱.۲ اول رتبی نظسر ب

ری از برونی خرب کیتے ہیں لیعنی  $(\psi_n^0)^*$  کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں لیعنی  $(\psi_n^0)^*$  کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں جب کہ جارہ کی خرب کر محمل کیتے ہیں  $\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^0 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$ 

تاہم H<sup>0</sup> ہر مشی ہے لہاندا

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

ہوگاجو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کو حد دنے کرے گامسندید  $1=\langle \psi_n^0|\psi_n^0
angle=1$  کی بہت درج ذیل ہوگا $E_n^1=\langle \psi_n^0|H'|\psi_n^0
angle$ 

ے رتب اول نظری اضطراب کابنیادی نتیجہ ہے بلکہ عملاً ہے پوری کوانٹم میکانیات مسیں عنالباً سب ہے اہم مساوات ہے ہے کہتی ہے کے غیر مضطرب حسال مسیں اضطراب کی توقعت تی قیمت توانائی کی اول رتبی تصحیح ہوگی

مثال ۲: لامتنای پور کوال کی غیر مضطرب تف علات موج مساوات 28.2 درج ذیل ہیں

$$\psi_n^0(x) = \sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{n\pi}{a}x\right)$$

ونسرض کریں ہم کواں کی تہبہ کو مستقل معتدار  $V_0$  اوپر اٹھاتے ہوئے اسس نظام کو مضطسر ب کرتے ہیں مشکل 2.6 توانائیوں مسین رتب اول تصبح تلامش کریں

ل بوگانانی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگیn ویں حسال کی توانائی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگی  $H'=V_0$ 

$$E_n^1 = \langle \psi_n^0 | V_0 | \psi_n^0 \rangle = V_0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle = V_0$$

یوں تھیجے شدہ توانائیوں کی سطحییں  $V_0$  ہو گئے جی ہاں تمام کی تمام  $V_0$  منت دارے اوپراٹھتی ہیں بہاں حسیرائی کی بات ہے کہ رتب اول نظر رہا بالکل ٹھیک جو اب دیت ہے یوں نظ ہر ہے کہ منتقل اضط سراب کی صورت مسین تمام بلندرتی تھیجے صف رہوں گی اسس کے بر عکس کواں کی نصف چوڑائی تک اضط سراب کی وسعت کی صورت مسین مشکل 3.6 ہوگا۔

$$E_n^1 = \frac{2V_0}{a} \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{n\pi}{a}x\right) dx = \frac{V_0}{2}$$

اب توانائی کی ہر سطح  $\frac{V_0}{2}$  اوپر اٹھتی ہے ہے۔ عن الباً بالکل ٹھیک بتیجہ نہیں ہے اسٹ ناول رسب تخسین کی نقطہ نظسرے معقول جو اب ہے۔

مساوات 9.6 ہمیں توانائی کی اول رتبی تھیج دیتی ہے تف عسل موج کے لئے اول رتبی تھیج حسامسل کرنے کی عنسرض سے ہم مساوات 7.6 کو درج ذیل روپ مسیں لکھتے ہے

$$(H^0 - E_n^0)\psi_n^1 = -(H' - E_n^1)\psi_n^0$$

ایب ان کوئی کی چینز لامت نابی حپکور کنوال کی خصوصیات پر مخصر نہیں ہے المب ذایجی کچھ کسی بھی مخفیہ کے لیے مستقل اضط راب کی صورت مسین درست ہوگا

چونکہ اسس کا دایاں ہاتھ ایک معسلوم تف عسل ہے اہنے ذاہیہ  $\psi_n^1$  مسین ایک عنیبر متحب نسس تف رقی مساوات ہے اب عنیبر مضط سرب تف عسل کی طسر ت $\psi_n^1$  کو سالہ دیتے ہیں البذا کسی بھی تف عسل کی طسر ت $\psi_n^1$  کو ان کا خطی جو رُلکھ جب اسکتا ہے

$$\psi_n^1 = \sum_{m 
eq n} c_m^{(n)} \psi_m^0$$

 $psi_n^1$  اگر  $psi_n^1$  مساوات  $psi_n^1$  کو مطمئن کر تا ہوں تب کی بھی متقل  $\alpha$  کے لیے  $(\psi_n^1 + \alpha \psi_n^0)$  بھی اس مساوات کو مطمئن کرے گالبہ ذاتہ مسبور و  $\phi_n^0$  کو منٹی کر کتے ہیں ایسے ہی کرتے ہوئے مساوات  $c_m^{(n)}$  تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات  $c_m^{(n)}$  تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات  $c_m^{(n)}$  مطمئن کرتے ہیں درج ذبل حساس کرتے ہیں درج دبل حساس کرتے ہیں دبل حساس کرتے ہیں درج دبل

$$\sum_{m \neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \psi_m^0 = -(H' - E_n^1) \psi_n^0$$

 $\psi_{I}^{0}$  کے ساتھ اندرونی ضرب کیتے ہیں  $\psi_{I}^{0}$ 

$$\sum_{m\neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \langle \psi_l^0 | \psi_m^0 \rangle = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_l^0 | \psi_n^0 \rangle$$

اگر n=l ہوتہ بایاں ہاتھ صف ہوگا اور جمیں دوبارہ مساوات 9.6 ملے گی اگر  $n\neq 1$  ہو تو درج ذیل ہوگا

$$(E_l^0 - E_n^0)c_l^{(n)} = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle$$

١

(1.17) 
$$c_m^{(n)} = \frac{\langle \psi_m^0|H'|\psi_n^0\rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

لہنے ذاادرج ذیل حساص<sup>ل</sup> ہوگا

$$\psi_n^1 = \sum_{m \neq n} \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle}{(E_n^0 - E_m^0)} \psi_m^0$$

جب تک فیسر مفط سرب تو انائی طیف غیسر انحطاطی ہو نسب نما کوئی م سئلہ کھٹڑا نہیں کرے گا (چو کلہ کمی بھی عصد دی سرکے لئے m=n نہیں ہوتا) پاں اسس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں اس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں ایک دوسرے جتی ہو تب مساوات 12.6 مسیں نسب نما مسیں صف ریا جب گا جو ہمیں معیب مسیب مسیب میں فررک یا گا ایک صورت مسین انحطاطی نظر سے اضط سراب کی خرورت پیش آئے گی جس پر حصہ 2.6 مسین غور کسیا حب کے گا یوں اول رتبی نظر رہے اضط سراب مکسل ہوتا ہے تو انائی کی اول رتبی تصبح کے  $E_n^1$  مساوات  $E_n^2$  جب جب کہ

سوال ۲۱: منسر ض کرے ہم لامت ناہی حپ ورکنواں کے وسط مسیں  $\delta$  تفعملی موڑاؤالتے ہیں

$$H' = \alpha \delta(x - \frac{a}{2})$$

جہاں α ایک متقل ہے

ا۔ احباز تی توانائیوں کی اول رتبی تصبح تلاسٹ کریں بت مئیں کہ جفت 1 کی صورت مسیں توانائیاں مضطرب کیوں نہیں ہوگی

... زمینی حسال کی تصبح  $\psi_1^1$  کی مساوات مساوات 13.6 کی پھیلاو مسین ابت دائی تین غیبر صف راحب زاء تلاسش کریں

سوال ۲۰۴: بار مونی مسر تغتش  $[V(x)=rac{1}{2}kx^2]$  کی احب زتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \left(n + \frac{1}{2}\right)\hbar\omega \qquad (n = 0, 1, 2, \cdots)$$

جہاں  $\omega=\sqrt{k/m}$  کیا تھے دہے اب مشیرض کرے مقیاس کی تعددہ کا اسکی تعددہ کا سیکی تعددہ کے اسکی تعددہ کا سیکی تعددہ کا سیکی تعددہ کے اسکی کے اسکی تعددہ کے اسکی تعددہ کے اسکی تعددہ کے اسکی کے اسکی کے اسکی کے اسکی کے اسکی کے اسکی

ا. (الف) نہیں توانائیوں کی بالکل ٹھیک ٹھیک قیمتیں حاصل کرے آپ نے کل ہے کو دوم رتب تک € کی طب قتیں تسل میں پیسلائیں طب قتیں تا میں پیسلائیں

ب. اب مساوات 9.6 استمال کرتے ہوئے توانائی مسیں اول رتبی اضطراب کا حساب لگائیں یہاں 'H' کسیا ہوگا اپنے نتیج کا حبزو(الف) کے ساتھ مواز نہ کرے امشارہ: نئے کمل کی قیمت کے حصول کی نا ضرورت اور نہ احسازت ہے

ووال ۲۰.۳: ایک لامتنانی حپکور کنوال مساوات 19.2 مسیں دویک ال یوسن رکھے حباتے ہیں ہے مخفیہ  $V(x_1,x_2)=-aV_0\delta(x_1-x_2)$ 

جہاں  $V_0$  ایک مستقل ہے جس کابعہ توانائی ہے اور a کنواں کی چوڑائی ہے کے ذریعے ایک دوسسرے پر بہت معمولی اثر انداز ہوتے ہیں

ا. پہلی و ت دم مسیں ذرات کے باہمی اثر کو نظر رانداز کرتے ہوئے زمین نی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے تغساعسلات موج اور مطالقتی تو انائسیاں تلاسٹس کریں

ب. اول رتبی نظسری اضطسراب استعمال کرتے ہوئے زمسینی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے توانا یُوں پر ذرات کے باہمی اثر کا تخسین اول رتبی نظسری اضطسراب سے دریافت کریں

۲.۱.۳ دوم رتبی توانائیان

يېسال بھي اي طسرح بڙھتے ہوئے ہم  $\psi_n^0$  اور دورتي مساوات مساوات 8.6 کااندرونی ضرب ليتے ہيں

$$\langle \psi_n^0|H^0\psi_n^2\rangle + \langle \psi_n^0|H'\psi_n^1\rangle = E_n^0\langle \psi_n^0|\psi_n^2\rangle + E_n^1\langle \psi_n^0|\psi_n^1\rangle + E_n^2\langle \psi_n^0|\psi_n^0\rangle$$

یہاں بھی ہم  $H^0$  کی ہر مثی بن کو بروئے کارلاتے ہیں

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle$$

الهندابائيں ہاتھ كا پہلا حبزودائيں ہاتھ كے پہلے حبزوكے ساتھ كرے جائے گاساتھ كى  $\psi_n^0|\psi_n^0
angle > 0$  ہو گالهندا جارے ياسس  $E_n^0$  كادرى ذيل كلي رەحباتا ہے

(1.10) 
$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle - E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

m=n شام محبوعہ مسیں m=n شامل نہیں اور باقی تمام عصودی ہیں لہذا

$$\langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = 0$$

ہو گاجس کی بن

$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle = \sum_m m \neq n \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

ياآحنسركار

(۱.۱۵) 
$$E_n^2 = \sum_{m \neq n} \frac{\left| \langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \right|^2}{E_n^0 - E_m^0}$$

ہو گاجو دورتی نظے رہے۔ اضطے راہے کابنیادی نتیجے ہے۔

اگر سپ ہم ای طسرح آ گے بڑھتے ہوئے تنساعسل موج کی دوم رتبی تھیج ہوئے توانائی کی سوم رتبی تھیجے وغیب رہ وغیب رہ حاسل کر سے ہیں لئے ہیں لئے ہیں استعمال کرناسود مند ہوگا۔ سوال ۱۲.۴:

ا. توانائیوں کی دوم رتبی در ستگی  $(E_n^2)$  موال 1.6 کی مخفیہ کے لیے تلاش کریں۔ تبصیرہ: آپ تسلسل کا محبسوء مریحاً حساس کر کے طاق n کیلئے  $-2m(\alpha/\pi\hbar n)^2$ 

بالکل کے لئے دوم رتبی تصبح  $E_n^2$  سوال 2.6 کے مخفیہ کے لئے تلاسٹس کریں۔ تعب کا کہ آپ کا نتیجہ بالکل درست نتیجہ کے مطابق ہے۔

سوال ۱۰.۵: ایک ایسے باردار ذرہ پر غور کریں جو یک بعب ی ہار مونی ارتعاثی مخفیہ مسین پایا حباتا ہو۔ منسر ض کریں ہم ایک کمسنرور برقی میدان (E) حپالو کرتے ہیں جس کی بٹ مخفی توانائی مسین H' = qEx مقسدار کی تب یلی پیدا ہوتی ہے۔

ا. د کھائیں کہ توانائیوں کی دوسطحوں مسیں کوئی اول رتبی تب یلی پیدا نہسیں ہو گی۔ دور تبی تصحیح تلاسٹس کریں۔ امشارہ: سوال 33.3 دیکھیں۔

 $x' \equiv x - (qE/m\omega^2)$  استعال کرتے ہوئے موجودہ صورت مسیں سٹروڈ گر مساوات کو بلا واسط حسل کی جب سکتا ہے۔ ایس کرتے ہوئے گھیک گھیک توانائیاں تلاسش کر کے دکھائیں کہ یہ نظریہ اضطراب کی تخمین کے مطابق ہے۔

#### ۲.۲ انحطاطی نظری اضطراب

اگر غنیسر مضط سرب حسالات انحطاطی ہوں لینی دویا دوسے زیادہ منفسر د حسالات  $\psi_a^0$  اور  $\psi_b^0$  کی توانائیاں ایک  $E_a^2$  عنیں ہوں تب سادہ نظسری اضط سراب غنیسر کارآمد ہوگا چونکہ  $c_a^{(b)}$  مساوات 12.6 اور  $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$  مساوات 15.6 بین شاید ماسوائے اسس صورت جب شمیار کنندہ صف رہو  $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$  اور جس کو ہم بعب دسین استعال کریں گے۔ یوں انحطاط صورت میں ہمیں توانائیوں کی اول

رتبی تصحیح مساوات 9.6 پر بھی یقین نہیں کرنا دیا ہے اور ہمیں مسئلے کا کوئی دو سے راحسل ڈھونڈنا ہو گا۔

ا.۲.۲ دویر تاانحطاط

درج ذیل منسرض کریں جہاں  $\psi^0_h$  اور  $\psi^0_h$  معمول شدہ ہیں۔

(1.11) 
$$H^0\psi^0_a = E^0\psi^0_a, \quad H^0\psi^0_b = E^0\psi^0_b, \quad \langle \psi^0_a | \psi^0_b \rangle = 0$$

دھیان رہے کہ ان حسالات کاہر خطی جوڑ

$$\psi^0 = \alpha \psi_a^0 + \beta \psi_b^0$$

جى  $H^0$  كامت بازى حال ہو گاجس كامت بازى وت در  $E^0$  بھى وہى ہو گا

$$H^0\psi^0 = E^0\psi^0$$

عام طور پر اضطراب (H') انحطاط کو" توڑے" (یا"منسوخ" کرے) گا جیسے جیسے ہم مصنسرے ایک قیمت صنسرے ایک کی طسر و نے بین مشتر کے غیب مضطرب تو انائی  $E^0$  دو کلزوں مسیں تقسیم ہو گا شکل 4.6 محنالف کی طسر و نے اگر ہم اضطراب کو بہند لیمن صف کر دیں تب بالائی حسال کا تخفیف  $\psi^0_a$  اور  $\psi^0_b$  کے ایک خطی جوڑ مسیں ہوگا جا ہم ہم قبل اور قصب سے جا ہوگا جب ذیریں حسال کا تخفیف کی دو سرے عسودی خطی جوڑ مسیں ہوگا تاہم ہم قبل از وقت نہیں حبان سے ہیں کہ سے موزوں خطی جوڑ کسیا ہول گا جو کہ ہم اول رتبی موسل سے ہیں کہ سے موزوں خطی جوڑ کسیا ہول گے جو نکہ ہم غیبر مضطرب حسالات نہیں حبانے ہیں المبذا یکی وجب ہے کہ ہم اول رتبی

ای لیے ہم ان موزوں عنی مصطرب حسالات کونی الحسال عصومی روپ مساوات 17.6 مسیں لکھتے ہیں جہاں م

ور  $H=H^0+\lambda H'$  اور

(1.r•) 
$$E = E^0 + \lambda E^1 + \lambda^2 E^2 + \cdots, \quad \psi = \psi^0 + \lambda \psi^1 + \lambda^2 \psi^2 + \cdots$$

کیلئے حسل کرنا چیاہے ہیں انہیں مساوات 19.6 مسیں پر کر کے پہلے کی طسر ت کر کی ایک حبیبی طباقت توں کو اکٹھ ا کر کے درج ذیل حساس او گا

$$H^0\psi^0 + \lambda(H'\psi^0 + H^0\psi^1) + \dots = E^0\psi^0 + \lambda(E^1\psi^0 + E^0\psi^1) + \dots$$

اب  $\psi^0 = E^0$  مساوات 18.6 کی بین احب زاءایک دو سرے کے ساتھ کئے جب کہ  $H^0$  مساوات کا بین احب زاءایک دو سرے کے ساتھ کئے جب کہ کہ رتب کے لیے در بن ذیل ہو گا

(1.71) 
$$H^0\psi^1 + H'\psi^0 = E^0\psi^1 + E^1\psi^0$$

 $\psi_a^0$  اندرونی ضرب کیتے ہیں  $\psi_a^0$  اندرونی ضرب کے ساتھ

$$\langle \psi_a^0 | H^0 \psi^1 \rangle + \langle \psi_a^0 | H' \psi^0 \rangle = E^0 \langle \psi_a^0 | \psi^1 \rangle + E^1 \langle \psi_a^0 | \psi^0 \rangle$$

چونکہ  $H^0$  ہرمشی ہے المہذا بائیں ہاتھ پہلا حبزو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کے ساتھ کٹ حبائے گامساوات 17.6 کو استعمال کرتے ہوئے اور معیاری عسودیت کی شرط مساوات 17.6 کوبروئے کارلاتے ہوئے

$$\alpha \langle \psi_a^0 | H' | \psi_a^0 \rangle + \beta \langle \psi_a^0 | H' | \psi_b^0 \rangle = \alpha E^1$$

يامختصراً

$$\alpha W_{aa} + \beta W_{ab} = \alpha E^1$$

حساصل ہو گاجہاں درج ذیل ہو گا

(1.rr) 
$$W_{ij} \equiv \langle \psi_i^0 | H' | \psi_j^0 
angle, \quad (i,j=a,b)$$

اسی طسرح  $\psi_b^0$  کے ساتھ اندرونی ضرب درج ذیل دے گا

$$\alpha W_{ba} + \beta W_{bb} = \beta E^1$$

وھیان رہے کہ اصولاً ہمیں تمسام W معساوم ہے چو نکہ ہے عنہ مضط سرب تغساع سلات موج  $\psi^0_a$  اور  $\psi^0_b$  کے لیاظ ہمیں تمسام W معساوات  $W_{ab}$  کے مساوات  $W_{ab}$  کے مساوات  $W_{ab}$  کو مساوات  $W_{ab}$  کو مساوات کر کے درج ذیل حساس ہوگا

(1.5a) 
$$\alpha [W_{ab}W_{ba} - (E^1 - W_{aa})(E^1 - W_{bb})] = 0$$

غیبر صف م $E^1$  کی مساوات  $E^1$  کی مساوات و  $E^2$  کی مساوات و گی

(Y.PY) 
$$(E^1)^2 - E^1(W_{aa} + W_{bb}) + (W_{aa} + W_{bb} - W_{ab}W_{ba}) = 0$$

دودر جی کلیہ استعال کرتے ہوئے اور مساوات 23.6 سے جب نتے ہوئے  $W_{ba}=W_{ab}^*$  ہم درج ذیل اخت ذکرتے ہیں

(1.rz) 
$$E_{\mp}^{1}=rac{1}{2}\Big[W_{aa}+W_{bb}\mp\sqrt{(W_{aa}-W_{bb})^{2}+4|W_{ab}|^{2}}\Big]$$

یہ انحطاطی نظریہ اضطراب کا بنیادی نتجب ہے جہاں دو جبذر دو مضطرب توانا کول سے مطابقت رکھتے ہیں اسکن صف میں کی صورت مسین کیا ہوگا الی صورت مسین  $\beta=0$  ہوگا البذام اوات 22.6 کے تحت  $W_{ab}=0$  اور مساوات 24.6 کے تحت  $W_{ab}=0$  ہوگا سے در حقیقت مساوات 24.6 کے تحت میں ہوگا۔ اس کے مسین مثلی عالمت کے ذریعے شامل ہے مثبت عالمت  $\beta=0$  ،  $\alpha=1$  کی صورت مسین ہوگا۔ اس کے علاوہ ہمارے جوابات

$$E_{+}^{1} = W_{aa} = \langle \psi_{a}^{0} | H' | \psi_{a}^{0} \rangle, \quad E_{-}^{1} = W_{bb} = \langle \psi_{b}^{0} | H' | \psi_{b}^{0} \rangle$$

گیک وہی ہیں جو ہم غنیر انحطاطی نظری اضطراب سے حساس کرتے ہیں مساوات 9.6 سے محض ہماری خوسش قشک ہماری خوسش قتم ہے حسالات ہوڑ تھے کیا اور  $\psi_a^0$  ہوڑ ہے کہا چھی بات ہوتی اگر ہم آغن از سے موزوں حسالات حبان پاتے ایمی صورت مسیں ہم غنیر انحطاطی نظری افضار اب استعال کر پاتے حقیقت مسیں ورج ذیل مسئلہ کے تحت ہم عصوماً ایسا کریاتے ہیں

مسئلہ ۱۰: فضرض کریں A ایک ایب ہر مثی عسام ہے جو  $H^0$  اور  $H^1$  کے ساتھ متابل تبادل ہے اگر  $H^0$  کے انحفاظی است یازی تقاعب است ہوں جن کے منفسر داست یازی النے اللہ منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال الت دار ہوں التحال ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں التحال ہوں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی تقام ہوں جن کے منفسر داست یازی تقام ہوں جن کے منفسر داست یازی تقام ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی تقام ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے جان ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے جن کے جن کے جان ہوں جن کے جن ک

$$\mu \neq \nu$$
 (1)  $A\psi_a^0 = \mu \psi_a^0$ ,  $A\psi_b^0 = \nu \psi_b^0$ 

تب  $W_{ab}=0$  ہوگاہہذا  $\psi^0_b$  اور  $\psi^0_b$  نظریہ اضطہراہہمیں تبال استعال موزوں حالات ہوں گے بورے تبوی کے جب فرض کر جبے بیں کہ [A,H']=0 ہوگا جس کے تحت درج: یل ہوگا

$$\begin{split} \langle \psi_a^0 | [A,H'] \psi_b^0 \rangle &= 0 \\ &= \langle \psi_a^0 | A H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' A \psi_b^0 \rangle \\ &= \langle A \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' \nu \psi_b^0 \rangle \\ &= (\mu - \nu) \langle \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle = (\mu - \nu) W_{ab} \end{split}$$

ال ب $W_{ab}=0$  ہوگا $u \neq v$ 

H' اور  $H^0$  اور  $H^0$ 

منتخب کرکے سادہ اول رتبی نظر رہے اضطراب بروئے کار لائے ایسا عسامسل تلامش نے کرنے کی صورت مسیں آپ کومساوات 127.6ستعال کرناہوگاجس کی ضرورت عملاً کم ہی پڑتی ہے

سوال ۲.۲: فنرض كرين دوموزون غيير مضطسرب حسالات

$$\psi_{\mp}^0 = \alpha_{\mp} \psi_a^0 + \beta_{\mp} \psi_b^0$$

جباں  $\alpha_{\mp}$  اور  $\beta_{\mp}$  کو معمول ث دگی تک مساوات 22.6یامساوات 24.6تعین کرتے ہیں صریحادرج ذیل د کھائیں

$$(\langle \psi^0_+ | \psi^0_- 
angle = 0)$$
 ا مسودی ہے  $\psi^0_{\mp}$  .

$$\langle \psi_+^0 | H' | \psi_-^0 \rangle = 0$$
 .

جبان 
$$E^1$$
 کی قیمت میاوات 27.6 کی جبان  $E^1$  کی تیمت میاوات 27.6 کی جبان  $E^1$  کی تیمت میاوات کا کارونی کی جبان  $E^1$ 

L نوال ۱۹.۷: منسرض کرے ایک ذرہ جس کی کمیت m ہوائے آپ پر بسند یک بعدی خطہ جس کی لمبائی L عبد کرت کرتا ہے کہ ازادی سے حسر کت کرتا ہے

ا. و کھائیں کے ساکن حسالات کو درج ذیل رویے مسیں لکھا حباسکتاہے

$$\psi_n(x) = \frac{1}{\sqrt{L}} e^{2\pi i n x/L},$$
  $(-L/2 < x < L/2)$ 

جہاں  $n=0, \mp 1, \mp 2, \ldots$  اور احبازتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \frac{2}{m} \left(\frac{n\pi\hbar}{L}\right)^2$$

دھیان رہے کہ زمینی حسال n=0 کے عسالاہ تمسام حسالات دہر اانحطاطی ہے

ب. فضرض كرين بم اب اضطراب

$$H' = -V_0 e^{-x^2/a^2}$$

متعارف کرتے ہیں جہاں  $a \ll L$  ہو ہو ہو ہوں معمولی جھاوٹ پیداکر تا گویا تار کو یہاں مصرور اللہ متعارف کرتے ہیں جہاں  $a \ll L$  ہو ہو گلہ کہ  $a \ll L$  سامن ہوں مصاوات 127.6 ستعال کرتے ہوئے  $a \ll L$  کی اول رقبی واللہ کی قیات حساس کرتے وقت کمل کی حدول کو  $a \ll L$  کی جب کے جہ ہوگئی ہوں کو جہار کھیں  $a \ll L$  کی جب کے  $a \ll L$  کی جب کے  $a \ll L$ 

ج. اس مسئلہ کے لئے  $\psi_n$  اور  $\psi_n$  کی موزوں خطی جوڑ کے ہوں گے دکھائے کہ ان حسالات کے ساتھ آپ کو مساوات 0.6

د. ایب ہرمشی عب مسل A تلاسش کریں جو مسئلہ کے سشرائط پر پورااتر تا ہو د کھی کیں کہ  $H^0$  اور A کے بیک وقت امت میازی حسالات شاہک وہی ہے جو آپ نے حب زوج مسین استعال کیے

## جوابات

## ف رہنگ \_\_\_

54relation, allowed 26energies, energy 51 argument, 22allowed, Bessel 31 conservation, 99 function, spherical 13ensemble, 107energy,binding expectation Bohr 6value. 106radius, formula 106formula,Bohr 16Broglie,De 25 conditions, boundary Fourier 98term,centrifugal 52transform,inverse 83 states, coherent 52transform, 4collapses, Frobenius commutation 45method, function 36relation, canonical 90relations, canonical 59delta,Dirac 36commutator, generalized 28complete, 59 distribution, 77continuous, 59 function, 90continuum, generating coordinates 50 function, 91 spherical, generator 3interpretation,Copenhagen 86space,intranslation 75degenerate, 86time.intranslation delta Gram-Schmidt 28Kronecker. 79process,orthogonalization Dirac 21 Hamiltonian, 80orthonormality, harmonic 77discrete, 25oscillator, dispersion ۱۷۰ فنرہنگ

| 3realist,             | 113Helium,                      |
|-----------------------|---------------------------------|
| 12potential,          | Hermitian                       |
| 97effective,          | 40conjugate,                    |
| probability           | 3variables,hidden               |
| 8density,             |                                 |
| <b>3</b> .            | 2indeterminacy,                 |
| quantum               |                                 |
| 105number,principle   | ladder                          |
| numberquantum         | 38operators,                    |
| 96azimuthal,          | Laguerre                        |
| 96magnetic,           | 108polynomial,associated        |
| 99numbers,quantum     | 108polynomial,                  |
|                       | 90Laplacian,                    |
| 97equation,radial     | law                             |
| recursion             | 34Hooke,                        |
| 46 formula,           | Legendre                        |
| reflection            | 94associated,                   |
| 64coefficient,        | linear                          |
| 73time,revival        | 22combination,                  |
| Rodrigues             | 113Lithium,                     |
| 49 formula,           |                                 |
| 94formula,Rodrigues   | 6mean,                          |
| Rydberg               | 6median,                        |
| 113constant,          | 14momentum,                     |
| 113 formula,          | Neumann                         |
|                       |                                 |
| Schrodinger           | 99 function, spherical 27 node. |
| 20time-independent,   | ,                               |
| 1align,Schrodinger    | 10normalization,                |
| series                | 14operator,                     |
| 113Balmer,            | 38lowering,                     |
| 28Fourier,            | 38raising,                      |
| 113Lyman,             | 27orthogonal,                   |
| 113Paschen,           | 28orthonormal,                  |
| 35power,              | 2001thohormar,                  |
| 34Taylor,             | Planck's                        |
| spherical             | 113 formula,                    |
| 96harmonics,          | polynomial                      |
| 11 square-integrable, | 48Hermite,                      |
| 7deviation,standard   | position                        |
| state                 | 3agnostic,                      |
| 58bound,              | 3 orthodox.                     |
|                       | 2 011110 40.1.                  |

ىنىرەنگى 141

| <b>.</b>   |                         |
|--|-------------------------|
| اتشافی   | 27excited,              |
| يالات،83   | 107,27 ground,          |
| احبازني  | 58scattering,           |
| توانائسيال،26  | statistical             |
| استمراری،77  | 2interpretation,        |
| استمراریه،90   | 66function,step         |
| ا مسمراری،77<br>استمراریپ،90<br>اصول   | _                       |
| عبدم يقينية،16   | theorem                 |
| انتشاری  | 28Dirichlet's,          |
| رشته،54  | 15Ehrenfest,            |
| انحطاطي، 75  | 52Plancherel,           |
| انعكاسس  | 112transition,          |
| شرح،64   | transmission            |
| اوسط،6   | 64coefficient,          |
|  | 65,58tunneling,         |
| بقت<br>توانائی، 31<br>سند شی توانائی، 107  | 58points,turning        |
| لواناي، 31<br>شريب کې د د د د  | 16principle,uncertainty |
| سند ی توانای،/10   | roprinciple,uncertainty |
| بوبر   | variables               |
| ردائس،106<br>کلیہ،106<br>بیبل<br>بیبل  | 19of,separation         |
| ىبار   | 7variance,              |
| .يىن<br>كروي تف <sup>ع</sup> ل،99  | velocity                |
| 99,0 26,5  | 54group,                |
| ملانك  | 54phase,                |
| پلانک<br>کلیه، 113<br>پیداکار<br>فرز است میشد با کری ۵   | 1                       |
| یب اکار  | wave                    |
| پ میسین<br>فصن مسین انتقت ال کا،86   | 64incident,             |
| ا به استان است | 52packet,               |
| يسد اکار   | 64reflected,            |
| ووت مسين انتفتال،886<br>پسيداکار<br>تف <sup>ع</sup> سل،50  | 64transmitted,          |
|  | 1 function,wave         |
| تبادلی   | 16wavelength,           |
| باضابط، رمشته، 36  |                         |
| باضسابط، رہشتے،90  |                         |
| تب دل کار ، 36   |                         |
| تحبديدي عسر مسه، 73  |                         |
| تزسيل  |                         |
| <b>ش</b> رح،64   |                         |
| تسلس   |                         |
| بالمسبر، 113   |                         |
| تخب يدى عسر مس. 73<br>ترسيل<br>شرح، 64<br>تسلس<br>بالمسر، 113<br>پاسشن، 113                                    |                         |
|  |                         |

| ب كن<br>حسالات، 21                                | شيىلر،34<br>طىقىتى،35  |
|---|--|
| حسالات،21<br>سرحىدى مشىرائط،25                    | ط سی - ۵۶۰<br>فوریب ر 28   |
| سرنگ زنی،65،58                                    | روب - روب<br>لیسان،113   |
| 12.6  | تغييريب، 7   |
| را، 13<br>سوچ<br>انگاری، 3<br>تقلبه بر بسند، 3    | تف عث ل  |
| انکاری، 3   | ۇيلىك،59<br>تىنى <i>غى</i> ل موچ،1                                     |
| تقاب پسند، 3<br>حقیقت پسند، 3                     | نف مسل منون، 1<br>تدالی  |
|   | توالی<br>کلیــ، 46<br>توانائی<br>احبازتی، 22<br>توقعاتی<br>قرمیــــ، 6 |
| سير هي<br>عباملين،38                              | <br>توانائی  |
| سيرُ هي تف عسل 66،                                | احبازتی،22   |
| <b>ے</b><br>سے روڑ نگر                            | نوف <b>ت</b> ئي  |
| غب تابع مق  | ب <u>ہ</u> ۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔                        |
| ڪروڙ نگر تصوير کشي،86                             | _ <del></del> _ià?.  |
| ىشىروۋىگر <b>مس</b> اوا <b>ت،</b> 1               | تقب عسل 24،  |
| شمسارياتی مفهوم،2                                 | جال  |
| طول موج،113،16                                    | بخصب راو،58  |
|   | زمىينى،107،27  |
| عباميل،14   | مقـــد، 58   |
| تقلیال،38<br>رفع <b>ت</b> ،38                     | ېيجبان،27  |
|   | خطی جوڙ،22   |
| عبور،112<br>عبد م تعبین،2                         | حظی جوڑ،22<br>خفیہ متغیب رات،3   |
| عب دم يقينيت اصول،16                              |  |
| عت ده،27<br>علیحب گی متغب رات ،19                 | دلىيال،51  |
| لليحسد لي متعب رات،19<br>عب ودي،27                | ارا <u>ک</u>   |
| معیاری،28<br>معیاری،28                            | ۇپراك<br>معيارىءسەدەيت،80  |
|   | ڈیلٹ<br>کرونسیکر،28  |
| غيير مسلسل 77،                                    | کرونسیکر،28  |
| <b>ن</b> روبنوسس                                  | رداسي مساوات.97  |
| ترکیب،45  | رڈبر کے ،113<br>کا   |
| فنىروبنيوسس<br>تركيب،45<br>فوريسسر<br>البنسيدل،52 | روبی کے درائی۔<br>رفت ار<br>رفت ار<br>دوری سستی،54                     |
| الــــــــبدل،52<br>بدل،52                        | رىك<br>دورى ئىسى 54،   |
| بدن، ۱۵   | کروہی مصنی،54  |
| ت بل تكامسل مسر بع،11                             | روڈریگئیس<br>کلیہ،94   |
| <b>مت</b> انون                                    | 94، کاسے۔  |

ت رہنگ

| مبر کز گریز حب زو،98                     | 34                                   |
|--|--------------------------------------|
| مسسئلہ<br>ابرنفسٹ،15                     | . i^^                                |
| ابر سنة 13<br>پلانشىرال،52               | - كثافت<br>احتقال، 8<br>كشيسرركني    |
| درشلے،28                                 | كشب رركني                            |
| معمول زنی،10<br>معسار حسر کت،14          | برمائٹ،48                            |
| معیار سے 14 معیار عبودی،28               | ہر مائٹ،48<br>کروی<br>ہار مونسیات،96 |
| معتباری انحسران،7                        | کل ہے اور ایک اور                    |
| كىك ل، 28                                | ت څې پروگ لی، 16                     |
| موج<br>آمدی،64                           | روڈریگئیں،49<br>سے نیٹ               |
| تر مسلی،64                               | کوانٹم<br>صبدرعب دن 105              |
| منعكس،64                                 | كوانشيائي اعب داد، 99                |
| مو بي اکثر ، 52                          | كوانىشائى عـــد د<br>استى:96         |
| نيومن                                    | المتى،96<br>مقيب طيسى،96             |
| ت کروی تف عسل 99،                        | کوین ہیسگن مفہوم ، 3                 |
| واپیی نقب ط، 58                          | ,                                    |
| وسطانب،6                                 | کرام شمد<br>ترکیب عب مودیب ت         |
| بار مونی<br>. نتر شه                     | ریب صودی <u>ت</u> ،۱۹۶<br>گرکر،۷     |
| ېرسون<br>مسرنغش،25<br>مە                 |                                      |
| ہر سی                                    | لايلاس،90<br>لا طبيغ                 |
| جوڑی دار ،40<br>ہیے زنب رگ تصویر کثی ،86 | را بي<br>شريك كشپ رركني، 108         |
| ہيےر جبر كے تعوير ن80،0<br>ہيلىم،113     | كشية ركني،108                        |
| ىيىلىيى، 113<br>ئېيىلىنى، 21             | لتقسيم، 113                          |
|  | ليژانڈر                              |
|  | شريك،944                             |
|  | متعمم                                |
|  | ٰ نقب عسل،59<br>ت                    |
|  | نقسیم، 59                            |
|  | تحب د<br>کروی، 91                    |
|  | مخفيه، 12                            |
|  | موژ،97<br>. نتر ش                    |
|  | ئىسىر ئىسى<br>بار مونى،25            |
|  | 23.07.74                             |