كوانٹ أنى ميكانيات ايت تسارن

حنالد حنان يوسفز ئي

باسے کامیٹ،اسیام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عسنوان

ix	ی پہلی کتاب کادیبات	ميہ
1	فن عسل موج ا ا مساوله تا به شنه و دُنگر	
1		
۲	۱٫۱ شماریاتی مفهوم	
۵	۱٫۳ مماریان هموم	
۵	۱٫۳۱ عب محتل معب رات	
9	۱٫۳٫۲ استمراری متغیبرات	,
11	م.ا معمول زفی	
10	۱٫۵ معیار حسر کت ۱٫۷ اصول عب مر هندت	
1/	۱.۱ اصول عسد م یقینیت	
ra	فىپ رتائ ^ع وقىت مىپادات شىرد د ^ۇ نگر	٠ .
ra	مسیحر ہاں وقت سے وات سے دور مر ۲۱ ساکن حیالات ،	, ř
r1 W	۲٫۱ کا ن ک لات کا	
۱۳	۲٫۳ بارمونی مسر تغش	
٣٣	۲٫۳۰۱ ایجبرانی ترکیب	
۵۲	۲٫۳۰٫۲ مخلیلی ترکیب	
۵٩	۲.۴ آزاد فره	
49	۲.۵	
49	۲.۵.۱ مقید حیالات اور بخکسراوحسالات ۲.۵.۱	
۷١	۲.۵.۲ _ ِ ڈیلٹ تقت عسل کنوال	
۸٠	۲.۷ مت نابی چو کور کنوال	
	•	
94	نواعب دوضوابط ۱۳ میلب به فصنها	
92		
1+1	۳٫۳ ستال مشاہرہ	
1+1	۳.۲.۱ ېرمشيء ملين	

iv

1+1	۳.۲.۲ تعیین حسال		
1+0	ہر مثی عبام ل کے امتیازی تفاعم ل	۳.۳	
1+4	۳٫۳۰۱ غيب رمسلل طيف		
۱۰۸	۳.۳.۲ المستمراری طیف		
111	متعمم شماریاتی مفهوم	ہم س	
110	اصول عسد م يقينية	r.a	
110	ا.۵.۳ اصول عسد م بقینیت کا ثبوت	•	
114	۳۵.۲ هم سے کم عب مر بقینت کاموتی اگھ		
	- · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
119	۳.۵.۳۰ توانائی و وقت اصول عب م یقینیت		
122	ڈیراک <i>_ ع</i> سلاملیت	۳.۲	
12	ب دی کوانٹ کی میکانب ب	عين الب	۴
∠۳۱	کروی محبه درمسین مساوات مشیروژنگر	۲.۱	
129	ا.ا. ۴ ملیجب د گامتغیبرات		
۱۳۱	۱٫۲ ناویائی مساوات		
١٣٦	۴.۱,۳ روای مساوات		
10+	ہائے ڈروجن جوہر	۲.۲	
۱۵۱	۱.۲.۱ ردای تفعسل موج		
171	۴.۲.۲ پائسیڈروجن کاطیف		
141	زاویائی معیار حسر کت میری میری میری کرد	۳.۳	
141	ا ۲۰٫۳۰ امتیازی انتدار		
14	۲.۳.۲ امتیازی تف عسلات		
۱۷۳	پکر	۳.۳	
IAI	۲٬۴۰۱ مقناطیسی مب دان مسین ایک الب شران		
۱۸۷	۴.۴.۲ زاومانی معیبار حسر کت کامحب وعب می میسی در این کامیب		
۲۰۵	ش ذرا	متم	۵
۲۰۵	دو ذروی نظام	۵.1	
۲٠۷	ا.ا.۵ بولسن اور فنسرمپان		
۲11	۵٫۱٫۲ قوت مبادله		
۲۱۵	·	۵.۲	
717	۵.۲.۱ میلیم		
119	۵,۲.۲ دوری حٰپ ول		
۲۲۳		۵۳	
۲۲۳			
779			
۲۳۲	كوانسئائی شمساریاتی يكانسيات	۵.۴	
۲۳۲	۵٫۴۰۱ ایک_مثال		
229	۵٬۴۰٫۲ عسومی صورت		

عــــنوان

۲۳۲	۵٬۲۰٫۳ سب سے زیادہ محمصل تشکیل		
د۳۵	م.۵.۰ ه اور β کی طبیعی اہمیت		
۲۵٠	۵٫۲۰٫۵ سیاه جنسمی طیف		
100	بع وقت نظیر ب اضطبراب است.	غبيرتا	۲
100	غنب رانحطاطی نظر ب اضطبراب	١.٢	
r ۵۵	۱.۱.۱ عـمومي ضابط_بندي		
7 02	۲.۱.۲ اول رتبی نظسرے		
141	۲.۱.۳ دوم رتی توانائیاں		
777	انحطاطی نظسری اضطسراب میرون میرون میرون انجامی نظسری اضطبراب میرون میرون میرون از میرون میرون میرون میرون میرون	۲.۲	
777	۲.۲.۱ دوپژتانخطاط		
7 42	۲.۲.۲ بلندر تبی انحطاط		
۲۷۲	ہائے ڈرو ^ج ن کا ^{م ہمی} ن سیاخ ت	٣.٣	
۲۷۳	ا. ۱۳۰۳ اصنیافتیتی تنصیح		
7 27	۲٫۳٫۲ حپکرومدار ربط		
۲۸۳	زيمان اثرِ	٧.٣	
۲۸۳	۱٫۴٫۱ کمپنرورمپدان زیمپان اثر		
۲۸۵	۲٫۲۰٫۲ طباقت تورمب دان زیمب ان اثر ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،		
۲۸۷	۲٫۴۰٫۳ درمیان میدان زیسان اثر		
219	نہایت مہین بٹوارا	۵.۲	
	,	•7	
r 99	اصول : :	تغييري	۷
199	نظ رئے۔	۷.۱	۷
r99 m•a	نظٹر ہے۔	4.1 4. r	۷
199	نظ رئے۔	4.1 4. r	۷
r99 m+0 m1+	نظــرَب هــليم كازمـــنى حــال ہائــيــــــــرو جن ســالـــــــبار دار ســــــــــــــــــــــــــــــــــــ	2.1 2. r 2. m	۷
r99 m+0 m1+	نظب ریب همیلیم کاز مسینی حسال هائمیهٔ روجن سیالب بارداریب ام سسر سس و بر لوان تخمسین	2.1 2.۲ 2.۳ ونٹرزل و کر	۷ ۸
r99 r+0 r1+	نطسر ب هميليم كاز مسيني حسال هائسي رُروجن سالب باردارب امسر سس وبر لوان تخمسين کلا سيکي خطب	ا. ک ۲. ۲ ۳. ک و ننژنل و کر ۸. ۱	٨
r99 m+0 m1+ mr1 mr1 mr7	نظسری همیلیم کازمین مبال هائی ڈروجن سالب بارداری امسرس وبرلوان تخسین کلاسیکی خطب سرنگ زنی	ا. ک ۲. ۲ ۷. ۳ ونٹزل و کر ۸. ۱ ۸. ۲	Δ
r99 r+0 r1+	نطسر ب هميليم كاز مسيني حسال هائسي رُروجن سالب باردارب امسر سس وبر لوان تخمسين کلا سيکي خطب	ا. ک ۲. ۲ ۷. ۳ ونٹزل و کر ۸. ۱ ۸. ۲	Δ
r99 m+0 m1+ mr1 mrr mr2 mm1	نظری همیلیم کازمینی حسال هائی ڈروجن سالب بارداری امسرس وبرلوان تخسین کلاسیکی خطب سرنگ زنی	ا. ک ۲. ۲ ۷. ۳ ونٹرزل و کر ۸. ۲ ۸. ۳	Δ Α
r99 m+0 m+0 m+1 mr1 mrr mr∠ mm1 mr0	نظری همیلیم کاز مسینی حسال هائی پر دوجن سالب بارداری هامسیکی خطب کلاسیکی خطب سرنگ زنی کطیات بیوند	1.2 2.7 2.7 ونترن و کر م.1 3.7 4.8	Δ Λ
799	نظری همیلیم کازمین مسال هائی ڈروجن سالب بارداری امسرس وبرلوان تخمین کلاسیکی خطب سرنگ زنی کلیات پیوند کلیات پیوند دوسطی نظام	1.2 2.7 2.7 ونترن و کر م.1 3.7 4.8	Δ Λ
r99 m+0 m+0 m+1 mrr mrr mrc mrr mra mra mry	نظری همیلیم کاز مسینی حسال هامید روجن سالب بارداری کال سیکی خطب کلا سیکی خطب سرنگ زنی کلیات بیوند کلیات بیوند دو سطحی نظام دو سطحی نظام	2.1 2.7 2.7 ونثرل و کر ۸.1 ۸.۲ م.۳	Δ Α
r99 m+0 m1+ mr1 mrr mr2 mm1 mra mry mry mr9	نظری بیایم کاز مسینی حسال بارداری باید بارداری باید بارداری باید بارداری نطب کاز مسینی خطب این مسینی خطب کاز مسینی خطب کار مسینی خطب کاز مسینی خطب کار مسینی خطب کاز مسینی خطب کار مسینی کار مسینی خطب کار مسینی کار کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار	2.1 2.۳ 2.۳ ونثرل وکر ۸.۱ ۸.۳ تابح وقت	Δ Λ
r99 *** *** *** *** *** *** ***	نظری بیایم کاز مسینی حسال بارداری بایش بارداری بایش بارداری بایش کاز مسینی خطب کار مسینی کار کار کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار مسینی کار کار مسینی کار	2.1 2.۳ 2.۳ ونثرل و کر ۸.۱ ۸.۳ تائح وقب	Α 9
r99 m+0 m1+ mr1 mrr mr2 mm1 mra mry mry mr9	نظری می حال استام کاز مسینی حال بارداری باید داری می در استام کاز مسینی کار مسینی در استان بارداری کار سیکی خطب سرزگ زنی کار سیکی خطب کلیات بیوند کلیات بیوند کلیات بیوند دو سطحی نظام دو سطحی نظام می معظر سرز نظام ۱۱۹۹ معظر سرز نظام ۱۹۱۹ سائن نمی اضطهراب ۱۹۱۹ سائن نمی اضافه از ایران نمی اضافه سرز ایران نمی اضافه سرز ایران نمی از ایران نمی اضافه سرز ایران نمی اضافه سرز ایران نمی اضافه سرز ایران نمی اضافه سائن نمی اضافه سائن نمی اضافه سرز ایران نمی نمی سائن نمی اضافه سائن نمی سائن نمی اضافه سائن نمی اضافه سائن نمی اضافه سائن نمی سائن نمی اضافه سائن نمی سائن نمی سائن نمی اضافه سائن نمی سا	2.1 2.۳ 2.۳ ونثرل و کر ۸.۱ ۸.۳ تائح وقب	Δ Λ
r99 *** *** *** *** *** *** ***	نظری خیال استام کاز مسینی خیال استام کاز مسینی خیال استان استان استان از داری استان از داری خطب کال سیکی خطب کلیات بیوند کلیات بیوند کلیات بیوند کلیات بیوند دوسطی نظام دوسطی نظام معظر بیا داری انظام ۱۱.۱۹ مفطر بیا نظام میا ۱۹.۱۹ تابع وقت نظری اضطار اب ۱۹.۱۹ سائن نیا اضطار اب ۱۹.۱۹ سائن نیا اضطار اب استان از داری اورانجذاب اشتعالی ادت رای اورانجذاب بیا ۱۹۰۹ برقت طیسی امواج	2.1 2.4 2.7 2.7 3.1 3.4 3.7 4.1 9.1	۸ ۹
r99 m+a m1+ mr1 mrr mr2 mm1 mra mra mra mra mra mra mra	نظری میام کاذمینی حیال باید دارید باید باددارید باید باددارید باید باددارید باید باددارید باید باید باید باید باید باید باید با	2.1 2.7 2.7 و مرثول و کر 1.1 4.7 7.1	\(\lambda \)
r99 m-a m-a m-a m-a m-a m-r	نظری خیال استام کاز مسینی خیال استام کاز مسینی خیال استان استان استان از داری استان از داری خطب کال سیکی خطب کلیات بیوند کلیات بیوند کلیات بیوند کلیات بیوند دوسطی نظام دوسطی نظام معظر بیا داری انظام ۱۱.۱۹ مفطر بیا نظام میا ۱۹.۱۹ تابع وقت نظری اضطار اب ۱۹.۱۹ سائن نیا اضطار اب ۱۹.۱۹ سائن نیا اضطار اب استان از داری اورانجذاب اشتعالی ادت رای اورانجذاب بیا ۱۹۰۹ برقت طیسی امواج	2.1 2.۳ 2.۳ 6.1 7.1 4.7 7.1	Ą

vi

٣4٠	دِ دباخودا منسران	۳.۹ خو
۳4٠		.1
٣٩٢		۲
۳۲۵	. ۹,۳۰ قواعب دانتخناب	٣
	·;	
٣٧۵		۱۰ حسرناگزر
۳۷۵	سئلەحسىرناگزر يەرىيى يىلىلىلىلىن يېلىرى يېلىرنىڭ يېلىرى يېلىرى يېلىرى يېلىرى يېلىرى يېلىرى يېلىرى يېلىرى يېلىرى	
٣٧۵	ا.۱۰ حسرناگزرغمسل	
٣٧٨	.ا. ۱۰ مسئله حسرناگزر کاثبوت	
٣٨٣	ت بیری	***
٣٨٣	۱۰.۲ گر گئی عمسل	
۳۸۵	۱۰.۲ سند کاپیت ۱۰.۲.	
۳91	. ۱۰.۳ ابارونوویویم اژ	٣
		<
۱۰۰۱		اا جھسراو
۱+۳	سار ن	•
۱۰۰۱	ا ا ا کلائے نظر ہے بھسراو ا ، ا ا کلائے نظر ہے بھسراو	•
۵٠٠	.ا.اا کوانٹ کی نظسر ہے بھسراو	
۷+۷	ب زوی موج محب زیبه	
۷+۷	۱۱.۲ اصول وضوابط	•
اایم	۱۱٫۲ لانگ منسل	
۳۱۳	قهانتقتال	
۲۱۲	رن تختین	۱۱.۴ بار
۲۱۲		.1
۱۲۳	۱۱.۴۰ بارن خمسین اول	۲
۳۲۲	۱۳۰۱ کیل ۱۳۰۱ شکسل بارن	
17 1	۱۱٬۲۱	Г
۴۲۹		۱۲ کپس نوشه
٠٣٠	 نىنشائن، پوڈلسکى وروزن تفنساد	
۲۳۲	سئلوبل	
۲۳∠	سئله کلیپر	۱۲.۳
۸۳۸	شەروۋىگرى يى يى	
وسم	رانسانی زینو تفساد	
۳۳۳		جوابا <u>۔۔</u>
		(()
۵۳۳		ا خطى الجبرا
۵۳۳	ىتيا <u>ت</u>	ا. ا سم
۵۳۳	مدرونی ضر ب	c1 r.1
۲۳۲	تا ل	ا ۳ و

۲۳۶																							۴ شبدیلی اس س میری در	۱.۵
۲۳٦ _	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	، همر مثن شباد کے	۱.۱ منسرهنگ

میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طسرون توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلی مسرتب اعلیٰ تعلیم کا داروں مسیں تحقیق کارجمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ یہ سلم حباری رہے گا۔

پاکستان مسیں اعلیٰ تعلیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجو د مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخو د ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجو د آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے تو کی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی سناطب خواہ کو شش نہیں گیا۔

مسیں برسوں تک۔ اسس صورت حسال کی وحبہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ کچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تعتا۔ میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تعتا۔ آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نہ کھنے کاجواز بنانے سے انکار کر دیااور یوں ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین بین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغنی رات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نصابی کتاب و نظام تعلیم کی نصابی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوساتھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سبہ کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیز نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعمال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیز نگ کی مکسل نصاب کی طسر نسسے پہلافت دم ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار شس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وط الب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایت سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر 201₁

إ___ا

پ ں نوش<u>. . . .</u>

مسیں توقع کرتا ہوں کہ آپ کوانٹائی میکانیات کو اب سبجھے ہوں گے لہنذا تھے۔ ۱.۲ مسیں کیا گیا سوال دوبارہ اللہ الشاتے ہیں: کوانٹائی میکانیات کے نسائج کے کیا مطلب اخن کرنا جہائے؟ تفاعل موج کے ساتھ وابستہ شماریاتی مفہوم کی عدم تعینیت، مسئلے کی حبر ہے۔ تفاعل لا (یا کوانٹائی حسال کہنازیادہ بہتر ہوگا:جو مشال کے طور پر، شماریاتی مفہوم کی عدم تعینیت، مسئلے کی حبر ہے۔ تف عسل کرتا: بلکہ ممکن نسازیاتی تقسیم مہیا کرتا ہے۔ اس حالی ایک انہ ماہ سوال کھٹ اور پر تقسیم مہیا کرتا ہے۔ اس حقیق کی شماریاتی تقسیم مہیا کرتا ہے۔ اس مقیق کے ایک انہ ماہ کہ کور کرتے ہیں کہ بو تف عسل موج کی شماریاتی پہندی کو مطمئن کرتا ہے (تقلیم لپند نقط نظر): پاہم اس سوال کوان بنیادوں پررد کرتے ہیں کہ یہ ایک و مشری سوال ہے والکار کہرہ نقل نظر)؟

حقیقت پسند کے نقطہ نظسر سے کوانسٹائی میکانسیات ناتمسل نظسر سے ہے، چونکہ کوانسٹائی میکانسیات کی تمسام فسنراہم کردہ معسلومات (بینی اسس کانف عسل موج) حبائے کے باوجود آپ اسس کے خواص تعسین نہیں کر سے ہیں۔ ظاہر ہے، کوانسٹائی میکانسیات کے دائرہ کارہے باہر، مسنزید معسلومات ہوگی جو (۳ کے ساتھ مسل کر) طبیعی حق اُق مکسل طور پر ہسیان کرے گی۔

تقلید پسند نقط۔ نظر اسس سے بھی زیادہ سنگین سوالات کھٹڑے کر تا ہے، چونکہ اگر پیب کئی عمسل نظام کو ایک ایک حناصیت اختیار کرنے پر محببور کر تا ہوجو اسس مسیں پہلے نہیں پائی حباتی تھی، اتب پیب کئش ایک عجیب عمسل ہوگا۔ ساتھ ہی ہے۔ حبانے ہوئے کہ ایک پیب کئش کے فوراً بعد دوسسری پیپ کئش وہی نتیجب دیتی ہمیں مانت ابوگا کہ پیپ کئی عمسل تقناع سل موج کو لایل منہدم آکر تا ہے، جو مساوات شدوڈ نگر کی تجویز کر دوار تقت کے بر تکسس ہے۔

 $x = \sqrt{\frac{1}{0}}$ امسین بیب ان کہن سپاہت ہوں کہ، مشال ،اگر ایک السیکٹر ان حبکری حسال $\chi = \left(\frac{1}{0}\right)$ مشین بیب انسس کے زاویا کی معیان تیسے جسین ہوگا۔ حبز و کی پیس کش میں گئی ہے۔ جسین بھی کے سپن بھی کے سپن تیسے جسین ہوگا۔ collapses x

۲۳۰ باب ۱۲. پ^س نوشت

$$e^ \pi^0$$
 e^+

شکل ۱۰۲: آننظائن، پوڈلسکی وروزن تعنب د کابوہم انداز۔ ب کن π^0 کاتشنزل البیٹران اور ضید البیٹران جوڑی مسیس ہو تاہے۔

اسس کی روسشنی مسیں، ہم دیکھ سکتے ہیں کہ نسل در نسل ماہر طبیعیات انکاری سوچ کے پیچھے پیناہ لیسنے پر کیوں محببور ہوئے، اور اپنے ٹاگر دول کو نفیحت کرتے رہے کہ نظس ریے کی تصوراتی ہنیا دول پر غور و نسکر کرکے اپت اوقت ضائع نہ کریں۔

۱۲.۱ آنشلائن، پوڈلسکی وروزن تصف د

1935 میں آئنشائن، پوڈلسکی اور روزن نے مسل کر آئنشنائن، پوڈلسکی و روزن تضاد تبیش کی، جس کامقصد (حسالستاً نظر درست ہو سکتا ہے۔ مسین آئنشائن، نظر دون تبیش کی شاہد کا ایک سادہ روست ہو سکتا ہے۔ مسین آئنشائن، پوڈلسکی وروزن تفضاو کا ایک سادہ روس، جو داؤد بوہم نے متصارف کسی، پر تبصیرہ کرتا ہوں۔ تعدیلی پائے میرون آئی ایک میرون آئی ایک ایک میرون آئی ایک میرون آئی ایک میرون آئی کے اسکار ان اور ایک پوٹان مسین تسنزل:

$$\pi^0 \rightarrow e^- + e^+$$

پر غور کریں۔ ب کن پایون کی صورت مسیں السیکٹران اور پروٹان ایک دوسرے کے محتالف رخ حبائیں گے (مشکل ۱۲۰۱)۔ پایون کاحپکر صف رہے، الہذازاویائی معیار حسر کت کے بقت کے تحت سے السیکٹران اور ضد السیکٹران یک تا تا ایک تا کہ تنظیم ن

$$\frac{1}{\sqrt{2}}(\uparrow_-\downarrow_+-\downarrow_-\uparrow_+)$$

مسیں ہوں گے۔ اگر السیکٹران ہم مسیدان مسیں پایا جبنے، توضد السیکٹران لازماً حنلان میں بدان ہوگا، اور ای طسرح اگر
السیکٹران حنلاف میدان پایا جبنے تو ضد السیکٹران ہم میدان ہوگا۔ کوانٹ کی میکانیات آپ کو یہ بتانے

سے متاصر ہے کہ کی ایک پایون تحویل مسیں آپ کو کوئی جوڑی ملے گا، لسیکن کوانٹ کی میکانیات سے ضرور بت سمتی
ہے کہ ان پیسائش کا ایک دوسرے کے ساتھ باہمی رشتہ ہوگا، اور (اوسطاً) نصف وقت ایک قتم اور نصف
وقت دوسری قتم کی جوڑیاں پیدا ہوں گے۔ اب مسیر شرکی، ہم ان السیکٹران اور ضد السیکٹران کو دور حبانے دیں؛ عملی
تحب بے مسیں دسس میٹر دور، یا، اصولی تحب ب مسین دسس نوری سال دور؛ اور اس کے بعد السیکٹران کے حبکر کی
پیسائش کریں۔ منسرض کریں آپ کو ہم میدان ملت ہے۔ آپ فوراً حبان پائیں گے کہ بیس میٹر (یابیس نوری سال)
دور دوسرے شخص کوضہ دالسیکٹران حنلاف میدان ملت ہے۔ آپ فوراً حبان پائیں گے کہ بیس میٹر (یابیس نوری سال)

" حقیقت پند" نقط نظرے اسس مسیں کوئی حسر انی کی بات نہیں؛ پیدائش کے وقت ہے ہی السیکٹران حقیقتاً ہم میدان اور ضد السیکٹران حنلاف میدان تنے؛ ہاں کوانٹ آئی میکانسیات اسس بارے مسین حبائے سے وت اصر تھی۔

> EPR paradox' pi meson' correlated

تاہم ، "قلید پسند" نقطہ نظرے تحت پیپ آئٹس سے قبل دونوں ذرات سے ہم میدان اور سے ہی حناان میں میدان اور سے ہی حناان میں میدان تھے؛ السیکٹران پر پیپ آئٹس تف عسل موج کو منب مرک تی ہے جو بیس میٹ (یابیس نوری سال) دور ضد السیکٹران کو فوراً حناان میدان" بیٹ گئی اور روزن اسس قتم کے وضا صلاتی عمل کرنے والے عوامسل مسیں یقین مہیں رکھتے تھے۔ انہوں نے قتلید پسند نقط نظر کو نات بال و قسبول و سیرار دیا؛ حیاہ کو اسٹائی میکانیا سے جب نتی ہویا سے دب تی ہو السیکٹران اور ضد السیکٹران الزما پوری طسرح معین حیکر کے حسامسل تھے۔

ان کی دلیال اسس بنیادی مفسروض پر کھسٹری ہے کہ کوئی بھی اثر روشنی کی رفت ارسے تین سفسر نہیں کر سکتا۔ ہم اسے اصول مظامیت کی بین۔ آپ کوشبہ ہو سکتا ہے کہ تفاعسل موج کے انہدام کی خبر کی مستنائی سمتی رفت ارسے «سفسر"کرتی ہے۔ تاہم ایک صورت مسیں زاویائی معیار حسر کت کی بقت مطمئن نہیں ہوگی، چونکہ ضد السیکٹران تک انہدام کی خبر پہنچنے سے پہنچنے سے پہلے اگر اسس کے حیکر کی پیسائٹس کی حبائے تو دونوں ذرات ہم میدان پائے حبانے کا احسال پیسائٹس کی حبائے تو دونوں ذرات ہم میدان پائے حبائے کا احسال پیسائٹس کی حبائے ہوں، تحب ربات سے ہمیں معلوم ہوا کی دونوں کے حیکر ہر صورت ایک دونوں کے حیکر ہر صورت ایک دونوں کے حیکر ہر صورت ایک دوسرے کے مناف ہوتے ہیں؛ زاویائی معیار حسر کت کی بقت حسر صورت ہر مصرار رہتا ہے۔ ظاہر ہے تفاعل موج کا انہدام برم ہوتا ہے۔

سوال ۱۰۱۱: ہملیمنة طالاتے۔ ایکت حیکر تشکیل (مساوات ۱۲۰۱) ہمبتہ حال کی ایک کلاسیکی مشال ہے؛ اسس دو ذروی حال اسکی مشال ہے؛ اسس دو ذروی حسال کو دویک زروی حسالات کا مجمع موعد نہیں کھا حب سکتی ہے۔ آپ مسان کر سکتے ہیں کہ حشایہ ہماری عسلامتیت کی ایک ذرے کے «حسال"کی بات علیحہ دہ ہے نہیں کی حب سکتی ہے۔ آپ مگسان کر سکتے ہیں کہ حشایہ ہماری عسلامتیت کی بہت پر ایس ہے، اور عسین مسکن ہے کہ یک ذروی حسالات کا کوئی خطی جوڑ اسس نظام کو عنس ہمبتہ بن سکے گا۔ درج ذیل مسلم کا بھوت چیش کریں۔

روسطی نظام $\ket{\phi_a}$ اور $\ket{\phi_b}$ پر نفور کریں، جب ال $\ket{\phi_b}$ = δ_{ij} ہو۔ (مشلاً $\ket{\phi_a}$ ہم مید ان اور $\ket{\phi_b}$ مناب کو ظاہر کر سکتا ہے ۔) دو ذروی حب ال

 $\alpha |\phi_a(1)\rangle |\phi_b(2)\rangle + \beta |\phi_b(1)\rangle |\phi_a(2)\rangle$

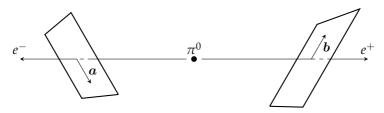
رجباں lpha
eq 0 اور lpha
eq 0 ہیں) کو کئی بھی یک زروی حسالت $|\psi_r
angle$ اور $|\psi_s
angle$ کاحسامس خرب $|\psi_r(1)
angle$ $|\psi_s(2)
angle$

نہیں لکھاجب سکتاہے۔

اور $\ket{\phi_b}$ اور $\ket{\psi_s}$ اور $\ket{\psi_s}$ اور $\ket{\psi_r}$

locality entangled states

۲۳۳ باب ۱۲. پس نوشت



شکل ۱۲.۲: آئنشائن، یوڈلسکی وروزن تف د کابل انداز۔ کاشف آزادان۔ طور پر a اور b رخسمت بہند ہیں۔

۱۲.۲ مسئله بل

آئنٹائن، پوڈلسکی اور روزن کو کو انٹائی میکانیات کی در سنگی پر کوئی شق نہیں ہے، البت ان کا دعویٰ ہے کہ طبیعی حقیقت کو ہیان کرنے کے لیے سے ایک ناکسس نظر رہے ہے: کی بھی نظام کا حسال پوری طسرح حبانے کی حساطر آلا کے ساتھ مسندید ایک معتدار، لا، در کار ہوگی۔ چونکہ فی الحسال ہم نہیں حبائے کہ لا کو کس طسرح ناپایا حساب کے ذریعہ معتدام کسیاحیا ہے، البند اہم اسے "در پر دہ متغیبر " کہتے ہیں۔ " تاریخی طور پر کو انسانی میکانیات کو سہارا دینے والے کئی در پر دہ متغیبر نظریات ہیں گئے، جو پیچیدہ ہونے کے ساتھ ساتھ نامعقول ثابت ہوئے۔ بہسر حسال سن کئی در پر دہ متغیبر نظریات نظریات کی وجب نظری تاہم اسس سال بل نے ثابت کیا کہ در پر دہ متغیبر نظریات ہیں۔

بل نے آئنشائن، پوڈلسکن، روزن اور بوہم تحبیر ہے کو عصومی بنانے کی تجویز پیش کی: السیکٹران اور ضد السیکٹران کاشف کو ایک رخ میں بنانے ہے کہ بنانے ہے الکی سمتیہ a کے رخ ایک بررکھنے کی احباز سے دی۔ پیسا کاشف اکائی سمتیہ a کے رخ السیکٹران حیکر کا حب زوناپت ہے، جبکہ دوسرا b رخ ضد السیکٹران کے حیکر کا حسب ناپت ہے، جبکہ دوسرا b رخ ضد السیکٹران کے حیکر کا حسب ناپت ہے اور حنلان میدان آس نی کے لیے حیکر کو b کی اکا نیوں مسین ناپتے ہیں؛ یوں کاشف کے رخ ہم میدان کی قیمت b اور حنلان میدان کی قیمت b کی طسرح ہو سے کی قیمت b نیسی حیک گئے نت نئے کی طسرح ہو سے بیسی ہیٹ سے گئے نت نئے کی طسرح ہو سے ہیں۔

حاصل ضرب	ضدالڀکٹران	السيكثران
-1	-1	+1
+1	+1	+1
-1	+1	-1
-1	-1	+1
+1	-1	-1
:	÷	÷

hidden variable

قور پر دہ متغت رکوئی ایک عد دیااعہ او کاذخیرہ ہو سکتا ہے؛ عسین ممکن ہے کہ مستقل کے کی نظسر ہے ہے ۸ حساس ہوگا، یا کی وحب کی بنا پر اسس کا حساب ناممسکن ہو سکتا ہے۔ مسین صرف اتنا کہنا حسام ہے ہا کہ کوئی ایک معسلومات ہو گی؛ مشاکا پیپ اکٹس سے قسبل، نظسام پر ہم مکسنہ مخسب رہے کے نشائج کی فہسر سے۔ ۱۲.۲ مسئله بل

کاشف کے رخوں کی کمی ایک جوڑی کے لیے بل نے جب کرے ترجیاحیاصل ضرب کی اوسط قیت تلاسش کرنے کی تجویز پیش کی، جے ہم P(a,b) کھتے ہیں۔ اگر کاشف متوازی ہوں، b=a، ہمیں اصل آئیشائن، پوڈسکی، روزن و بوہم تفکسیل جس سل ہو گا؛ ایسی صورت مسیں ایک ہم میدان اور دوسرا حنلان میدان ہوگا، الہذا حیاصل ضرب ہر صورت -1 ہوگا، اور یوں اوسط کی قیت بھی بھی ہوگی۔

$$(\mathbf{ir.r}) \qquad \qquad P(\mathbf{a}, \mathbf{a}) = -1$$

ای طب رحdگر کاشف ضبه متوازی بون، $oldsymbol{b}=-oldsymbol{a}$ ،ہر حب $oldsymbol{b}$ برکاشف ضبه داور ج $oldsymbol{b}$ بر

$$(\mathbf{r},\mathbf{r}) \qquad \qquad P(\mathbf{a},-\mathbf{a}) = +1$$

اختیاری سمت بندی کے لیے کوانٹ کی میکانیات درج ذیل پیٹیکوئی کرتی ہے(سوال ۱۲۰۵۰ کیفسیں)۔

$$P(a,b) = -a \cdot b$$

بل نے دریافت کیا کہ ہے متیب کی بھی دریر وہ متغیبر نظریہ کاہم آہنگ نہیں ہوسکتا۔

اسس کی دلیس حیسر سے مت سے سادہ ہے۔ و نسر خس کریں السیکٹران و خسد السیکٹران نظام ہے " کلمسل" حیال کو در پر دہ متغیبر (یا متغیبر است کی ظاہر کرتا ہے۔ (ایک پایون تسنیز ل ہے دو سرے پایون تسنیز ل کی تبدیلی کو سے ہم سیجھے اور سے ہی مت بیں۔) ساتھ ہی منسر خس کریں کہ السیکٹران پیس کشس پر خسد السیکٹران کا شف کی سمت بندی b کا کوئی اثر نہمیں پایا جب تا ہا یا در ہے کہ تحب ر ب گر السیکٹران کا شف کے بعد منسد السیکٹران کا شف کا درخ منتخب کر سکتا ہے۔ ایکی صورت مسیں چونکہ ضد السیکٹران کا شف کا رخ منتخب کر سکتا ہے۔ ایکی صورت مسیں چونکہ ضد السیکٹران کا شف کا رخ منتخب کرنے سے پہلے ہی السیکٹران کی بیس کشش کی جب جب کی ہوگی الہذا اسس پر b کی سمت کا کوئی اثر نہمیں ہو سکتا۔ (سے اصول معتامیت کا مف دو ضہ ہے۔) یوں السیکٹرانی پیس کشش کوئی دو سراتف عسل (a, λ) اور ضد السیکٹرانی پیس کشش کوئی دو سراتف عسل (a, λ) اور ضد السیکٹرانی پیس کشش کوئی دو سراتف عسل (a, λ) ان تف عسال کی تیستیں صرف (a, λ) ہوگی ہیں۔

(Ir.5)
$$A(a,\lambda)=\pm 1;$$
 $B(b,\lambda)=\pm 1$

جب کاشف متوازی ہوں، تمام $\lambda \subseteq \underline{L}$ نت نج مکسل طور پر (غیر ر) باہمی رہتہ:

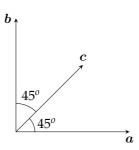
$$A(\boldsymbol{a},\lambda) = -B(\boldsymbol{a},\lambda)$$

ہوں گے۔

اب پیسائشوں کے حسامسل ضرب کی اوسط قیمہ درج ذیل ہو گی، جہاں $ho(\lambda)$ در پر دہ متغب رکی کثافت احسمال ہے۔

(IT.2)
$$P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{b}) = \int \rho(\lambda) A(\boldsymbol{a},\lambda) B(\boldsymbol{b},\lambda) \, \mathrm{d}\lambda$$

 مهم السام ۱۱ السام الوشي



مشکل ۱۲٫۳ نکاشف کو یون سمت بند کیا گیا ہے کہ بل عبد م مساوات کی کو انٹ اُن حشالات ورزی ظاہر ہو۔

(IT.A)
$$P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{b}) = -\int \rho(\lambda) A(\boldsymbol{a},\lambda) A(\boldsymbol{b},\lambda) \, \mathrm{d}\lambda$$

اگر c کوئی تیب رااکائی سمتیہ ہوتب

(۱۲.۹)
$$P(a,b)-P(a,c)=-\int
ho(\lambda)\left[A(a,\lambda)A(b,\lambda)-A(a,\lambda)A(c,\lambda)\right]\mathrm{d}\lambda$$
 اور چونکه $[A(b,\lambda)]^2=1$ جواب خوا

$$(\text{IT.I}\bullet) \quad P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{b}) - P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{c}) = -\int \rho(\lambda) \left[1 - A(\boldsymbol{b},\lambda)A(\boldsymbol{c},\lambda)\right] A(\boldsymbol{a},\lambda)A(\boldsymbol{b},\lambda) \,\mathrm{d}\lambda$$

$$ho(\lambda)[1-$$
 بوگار تاتم سادات ه. -1 $\leq [A(oldsymbol{a},\lambda)A(oldsymbol{b},\lambda)]$ $\leq +1$ برگاری تاتم سادات ه -1 $+1$ برگاری تاتم سادات هم برگاری تاتم برگاری تاتم

$$\big|P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{b}) - P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{c})\big| \leq \int \rho(\lambda) \left[1 - A(\boldsymbol{b},\lambda)A(\boldsymbol{c},\lambda)\right] \mathrm{d}\lambda$$

بالمختضبراً

$$\left|P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{b})-P(\boldsymbol{a},\boldsymbol{c})\right|\leq 1+P(\boldsymbol{b},\boldsymbol{c})$$

ہوگا۔ ب مشہور ب**لی عدم مماوات** 'اے۔ ہمنے درپر دہ متغیبرات کی تعدادیا حناصیت یا تقسیم 6 کے بارے مسیں پھھ بھی منسر خل نہیں کپ، الہذا بل عہدم مساوات (مساوات ۱۲٫۵ اور مساوات ۲٫۱۱ کو مطمئن کرنے والے) ہر معتامی در پر دہ متغیبر نظسر یہ کے لیے کارآمد ہوگا۔

Bell inequality¹

۱۲.۲ مسئله بل

کی پیشگوئی (مساوات میں اور بل عدم میں کہ کوانٹائی میکانیات کی پیشگوئی (مساوات ۱۲،۳) اور بل عدم مساوات فنیسر ہم آہنگ بین۔ مشال کے طور پر، مسرض کریں شینوں سمتے ایک مستوی مسین پائے حباتے ہیں، اور b ، a کے ساتھ کا کازاویہ 45° ہے (مشکل ۱۲.۳)۔ ایک صورت مسین کوانٹائی میکانیات کہتی ہے

$$P(a, b) = 0, P(a, c) = P(b, c) = -0.707$$

ہوگا، جبکہ بل عب دم مساوات کہتی ہے

 $0.707 \le 1 - 0.707 = 0.293$

ہوگا،جوایک دوسرے کے غیسر ہم آہنگ نتائج ہیں۔

یوں ترمیم بل سے آئنشنائن، پوڈلکی وروزن تصن دایک ایک بات ثابت کر تاہے جو اسس کے مصنفین تصور بھی نہیں کر سکتے تھے۔ اگر وہ درست ہوں، تب کوانٹ اُن میکانیات صرف نامکسل نہیں بلکہ مکسل طور پر عناط بھی ہے۔ اسس کے بر مکسس اگر کوانٹ اُنی میکانیات درست ہو، تب کوئی در پر دہ متنفیر نظر سرہ ہمیں غیب رمت میں۔ جے آئنشنائن مضکہ خیبز سمجھتا تھتا، سے نحبات نہیں دلاسکا۔ مسزید، اب ہم ایک نہایت سادہ تحبر بے اسس معاملے کو دفن سکتے ہیں۔

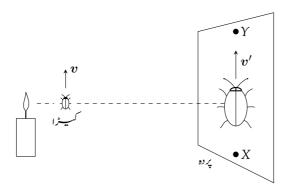
بل عسد م مساوات کو پر گفتہ کے لیے ساٹھ اور سترکی دہائیوں مسیں کئی تحب بے گئے، جن مسیں اسکیٹ، گرنگسیر اور روحب کا وجسر کا کام متابال فخنسر ہے۔ ہمیں بہاں ایکے تحب ر ب کی تفصیل ہے دلچی نہیں ہے (انہوں نے پایون تسندل کی بجب کے دونور سے جوہر کی انتقال استعال کمیا)۔ سے خسد شہ دور کرنے کے لیے کہ السیکٹران کاشف کی سمت بسندی کو کسی طسر تا مسال کاشف سے جوہر کی انتقال استعال کمیا کہ نور سے کی روانگی کے بعد دونوں کی نیم بلا منصوب سمت بسندی کی گئی۔ نستانج کو انتظافی میکانسیا سے کی بیٹیا منصوب سمت بسندی کی گئی۔ نستانج کو انتظافی میکانسیا سے کی بیٹیا کی عسین مطابق اور بل عسد مساوات کے عنسر ہم آبنگ ہے۔ اا

ستم طسریفی کی بات ہے کہ کوانٹ کی میکانیات کی تحب باتی تصدیق نے سائنی برادری کو ہلا کرر کھ دیا۔ لسکن اس کی وجب «قیقت پیند موج» "کا عناط ثابت ہونا نہیں ہے؛ عصوماً سائنسدان کب کے اسس حقیقت کو مان چکے تھے (اور جو ابھی بھی نہیں مانچ تھے، ایکے لیے غیر مصنای در پر دہ متنجی رنظریات کا داستہ کھلا ہے، جن پر مسئلہ بل کا اطلاق نہیں ہوتا "ا)۔ اصل صدم اس بات کا گھتا کہ وقد دبنیادی طور پر غیر معتای ہے۔ تف عسل موج کے میکہ م انہدام کی صورت میں (اور غیر معتامیت یا متی ثل ذرات کے لیے ضرورت ت کا کیست تھا یہ بہت نظر سے کی حساس کی حساس کی خیر سے قب ل امریک تحب رہ سے قب ل امریک کی حب سے قب ل امریک تحب رہ متامیت کی طسرت کی حساس تو تھی کہ کوانٹ کی غیر معتامیت کی طسرت کی طسرت کی حساس کی تعیر معتامیت کی طسرت کی طسرت کی حساس کی تعیر مقامیت کی طسرت کی حساس کی تعیر مقامیت کی طسرت کی طسرت کی حساس کی تعیر مقامیت کی طسرت کی حساس کی تعیر معتامیت کی طسرت کی حساس کی تعیر مسل کی دیا تھی اثرات نہیں، اور نہیں و سے اس امریک کو بھول حب ئیں، اور نہیں و سے یہ سال پر اعت راض پر نظر شانی کرنی ہوگی۔

[&]quot;امسئلہ بل مسیں اوسط استعال ہوتے ہیں، اور مسکن ہے کہ اسپکٹ کے آلات خفیہ طور پر حسانب دار ہوں، جو غیسر نسائندہ نمونے نتخیب کر کے اوسط کی عناط قیست دیے ہوں۔ 1989 مسیں مسئلہ بل کا بہتر نمون تجویز کسیا گیا۔ جو صرف ایک پیسائٹس سے کوانٹ کی پیگوگی اور معتابی در پر دہ متغیسر کے چھٹے کسی خرک سکتا ہے۔

القست کی ایک بجیب تھیں ہے کہ اتمشائن، پوڈاسکی وروزن تغندہ، جس نے حقیقت پسندسوچ کو نابت کرنے کے لئے معتامیت و نسرض کی، نے معتامیت کو عمناط ثابت کیا، اور حقیقت پسند موج کو غیسر طے شدہ تچوڑا: اسن نتیج کو آئمشائن بالگل پسندسنہ کرتے۔ زیادہ ترماہر طبعیات کا خیال ہے کہ معتامی حقیقت پسند موج سے بہونے کی صورت مسیں حقیقت پسند موج ہے کار ہے، اور ای لئے غیسر معتامی در پروہ حقیسر نظسریات کو انہیت نہیں دی حباتی۔ اسس کے باوجود بعض مصنفین، جن مسیں بل بھی مشامل ہے، کہتے ہیں کہ پیسائتی آلات اور اسس نظسام جسس کی پیسائٹس کی حباری ہی کہتے ہیں۔ ربی ہو، کے چے تصوراتی مناصلے کو اپنے نظسر یے مشتم کر سے ہیں، اور تف عسل موج کے انہدام کی صنائل سنجھ وحب پیش کر سے ہیں۔

۳۳۷ باپس نوش**ت**



سنگل ۱۲.۴: پر دہ پر کیپڑے کا ساہ۔،روسشنی کی رفت اور c سے زیادہ رفت اور v' سے حسر کت کر تا ہے بہشر طیکہ پر دہ کافی c

اسس کے بر مگسس، روسشنی سے زیادہ تسیز حسر کت کرنے والے سببی اثر و رسوخ کے نافتابل فتبول مضمسرات پائے حباتے ہیں۔ جن مسین السل طسر ت کا اشارہ حباتے ہیں۔ جن حصوصی نظسر سے اضافت مسین السے جمودی چوکھٹ پائے حباتے ہیں جن مسین اسس طسر ت کا اشارہ وقت میں۔ وقت مسین چیچے حبا سے گا؛ لیمیٰ سبب سے پہلے اثر رونم ابوگا؛ جس سے نافتابل فتبول منتقی مسائل کھٹر ہے ہوتے ہیں۔ (مشلاً، آپ اپنے نوزائیدہ دادا کو قت کر کیا ہے ہیں، جو ایک بری بات ہے!) اب سوال سے کھٹرا ہوتا ہے کہ آیارو ششنی سین اثرات جن کی پیشگوئی کو انسٹائی میکانیات کرتی ہے، اور جو اسپک تحب بے مسین کشف ہوتے ہیں ان معسنول مسین سیبی ہیں، یا سے (سائے کی حسر کے کی طسر ت) عنسیر حقیقی ہیں جن پر فلفیان اعتسراضات نہیں لگائے حباسے علیہ کی دسرک کی حسرک کی طسر ت) عنسیر حقیقی ہیں جن پر فلفیان اعتسراضات نہیں لگائے حباسے ع

آئیں تحب رہ بل پر خور کرتے ہیں۔ کسالسیکٹران کی پیپ کشس کاضہ دالسیکٹران کی ہیں کشش پر اڑ ہوگا؟ یقیناً،اسس کااڑ ہوتا ہے؛ ور نہ ہم مواد کے پخ ہاہم رہے کی وضاحت پیش کرنے سے وصاحرہ ہوں گے۔ لیس کسیاالسیکٹران کی ہیں کشش سے دالسیکٹران کے کئی مخصوص نتیج کا بیب ہے؟ اسس لفظ کے عسام مطلب کے نقطہ نظرے ایس نہیں ہوتا۔السیکٹران کے مامور شخص اپنی ہیں کشش کے در یوب صد السیکٹران کاشف پر مامور شخص کو اسٹارہ نہیں بھیج سکا، چونکہ وہ اپنی ہیں کشش کے در تعجب ور نہیں کر سکتا، جو سکہ وہ السیکٹران کو ہم میدان ہونے پر محببور نہیں کر سکتا، جیس انقطہ کر سکتا ہے، کیسے ٹا کے ساتے پر وہ شخص اثر انداز نہیں ہو سکتا)۔ ہاں السیکٹران کاشف پر مامور شخص پیس کشش کرنے یان کر کافیصلہ کر سکتا ہے، لیسکٹران کاشف کے ساتے پر وہ شخص اثر انداز نہیں ہو سکتا)۔ ہاں السیکٹران کاشف پر مامور شخص پیس کشش کرنے یان کہ السیکٹران کی پیسائش کی گئی یا

۱۲٫۱۰ مسئله کلمه

نہیں، چونکہ دونوں کاشف کے نتائج پر علیحہ ہ علیحہ ہ غور کرنے سے مکسل بلا واسط مواد دیکھنے کو ملت ہے۔ صرف بعہ مسیں دونوں مواد کا ایک دوسرے کے ساتھ مواد نہ کرنے ہیں ان کے بچ اہم رشتہ نظسر آتا ہے۔ کی دوسری جودی چو کھٹ مسیں السیکٹران کی پیسائشس سے جودی چوکھٹ مسیں السیکٹران کی پیسائشس کی حبائے گی، لسین اسس کے باوجود اسس سے کوئی منتقی تصند دیسیا نہیں ہوتا: دکھ گیا ہم رشتہ اسس پر مخصصر نہیں کہ ہم کہیں السیکٹران کی پیسائشس خاس پر مخصصہ نہیں کہ ہم کہیں السیکٹران کی پیسائشس خاس پر مخصصہ نہیں کہ ہم کہیں الذاز ہوتی ہے یاضہ دالسیکٹران کی پیسائشس پر اثر انداز ہوتی ہے۔ سے صند السیکٹران کی پیسائشس پر اثر انداز ہوتی ہے یاضہ دالسیکٹران کی پیسائشس کی صورت میں نظر آتا ہے۔

یوں، ہمیں دو مختف اقسام کے اثرات کی بات کرنی ہوگا: "سببی" قتم، جو وصول کنندہ کی کی طبیعی حناصیت مسیں حقیقی تبدیلیاں پیدا کرتا ہے، جنہیں صرف ذیلی نظام پر تحبر باتی ہیں کشس سے کشف کمیا حباسکتا ہے، اور «غیبر حقیقی فتم جو توانائی یامعلومات کی ترسیل نہیں کرتا، اور جس کاواحد ثبوت دو علیحہ دو ذیلی نظاموں کے مواد کے بھی باہم رشتہ ہے؛ اس باہم رشتہ کو کئی بھی طسرح کی ایک ذیلی نظام مسیں تحبر بات کے نتائے کو دیکھ کر کشف نہیں کمیا سکتا ہوں ایک کوئی پابسندی عائد ہے۔ سببی اثرات روشنی کی دفت ارسے تسیز حسر کت نہیں کرسکتے، جب خیب حقیق اثرات پر ایک کوئی پابسندی عائد نہیں۔ قن عسل موج کے انہدام سے وابستہ اثرات موحن رالذکر قتم کے ہیں، جن کاروشنی سے تسیز سف کر کا حید ران کوئی سے کن ضرور، کی سے تب نہیں۔

۱۲.۳ مسئله کلمیه

کوانٹ اُئی پیپ کشش عصوماً تباہ کن ہوتے ہیں یعنی ہے پیپ کشش کر دہ نظام کے حسال کو تبدیل کرتا ہے۔ یہی تحب رب گاہ مسیں اصول عسدم یقینیت کو یقسینی بناتا ہے ہم کیوں اصل حسال کی گئی متم اُٹل نفتسل کلمیہ بن کر اصل نظام کو چھوئے بغیب ر ان کی پیپ کشش نہیں کرتے ایس کرنام مسکن نہیں ہے۔ اگر آپ کلمیہ بننے والا ایس آلا بن پائیں تو کوانٹ اُئی میکانیات خسد احسافظ کہنا ہوگا۔

مثال کے طور پر آئنشائن، پوڈلسکی، روزن اور بوہم تحبر ہے کے ذریعہ روشنی سے تسینز رفت ار پر خبر بھیجن مسکن ہوگا و بسترض کریں ضد السیکٹران کاشف حہلانے والا شخص ہاں یا نہیں کی خبر ترسیل کرتا ہے۔ خبر ہاں ہونے کی صورت مسیں بھیج والا ضد السیکٹران کا S_z ناپت ہے سے حبانے کی ضرورت نہیں کہ پیسائش بتجہ کسیا ہونے ور اتنا حب سے حبانے کی ضرورت نہیں کہ پیسائش بتجہ کسیا ہو قائیں حبانے ناخی ماہم حبال 1 یا 1 مسیں ہوگا جس کا حبانے غیر راہم حبار کی غیر میں السیکٹران کی غیر میں الکھ کلیے تسیار کر کے ہر ایک کی 1 باپت ہو اگر تمام کا ایک ہوا ہو جب میں ہوگا ہے۔ خبر وصول کرنے والا حبلدی ہے السیکٹران کی دسس لاکھ کلیے تسیار کر کے ہر ایک کی 1 بی السیکٹران کی پیسائٹ کی گئی لہندا خبر بہاں ہوگا۔ اس کے بر عکس اگر نصف السیکٹران ہم میدان اور نصف حنلان میں میں اگر نصف السیکٹران کی گئی المیکٹران کی پیسائٹ نہم میدان اور نصف حنلان میں گئی اور خبر بہیں ہوگا۔

لیکن سن 1982 ووٹرز، زورک اور ڈاکٹس نے ثابت کیا کہ ایس مشین تیار نہیں کیا جباسکتا ہے جو کوانٹ ائی متم ثل ذرات پیدا کر تا ہو ہم بیایں گے کہ ہے۔ مشین حیال $|\psi\rangle$ میں ایک ذرہ جس کانفشل بینا مقصود ہو اور حیال $|X\rangle$ مسین ایک اصلی اور نقشل دیت ہو مسین ایک اصلی اور نقشل دیت ہو

(ir.if)
$$|\psi
angle |X
angle
ightarrow |\psi
angle |\psi
angle$$

۳۳۸ ماسـ ۱۲. پس نوشت

و من کریں ہم ایب امشین بن نے مسین کامیا ہوتے ہیں جو حسال $|\psi_1
angle$ کا کلمہ تیب ارکر تاہو

(IT.IP)
$$|\psi_1
angle|X
angle
ightarrow |\psi_1
angle|\psi_1
angle$$

اور $\ket{\psi_2}$ پر بھی کام کرنے کے متابل ہو

(IT.16)
$$|\psi_2\rangle|X
angle
ightarrow |\psi_2\rangle|\psi_2
angle$$

$$|\psi\rangle|X\rangle\rightarrow\alpha|\psi_1\rangle|\psi_1\rangle+\beta|\psi_2\rangle|\psi_2\rangle$$

جوہم نہیں حیاہے ہیں۔ہم درج ذیل حیاہے ہیں

$$\begin{split} |\psi\rangle|X\rangle \rightarrow |\psi\rangle|\psi\rangle &= [\alpha|\psi_1\rangle + \beta|\psi_2\rangle][\alpha|\psi_1\rangle + \beta|\psi_2\rangle] \\ (\text{IT.IZ}) &= \alpha^2|\psi_1\rangle|\psi_1\rangle + \beta^2|\psi_2\rangle|\psi_2\rangle + \alpha\beta[|\psi_1\rangle|\psi_2\rangle + |\psi_2\rangle|\psi_1\rangle] \end{split}$$

آپ ہم میدان السیکٹران اور حنلاف میدان السیکٹران کے کلمہ بننے کی مشین بن سے ہیں لیکن وہ کمی بھی ہا وقعت (غنیبر صفر) خطی جوڑ کی صورت مسین ناکامی کا شکار ہوگا ہے بالکل ایسا ہوگا جیسا نفتسل بنانے کی مشین افتی کسیسروں اور انتصابی ککسیسروں کو کمسل طور پر بگاڑ تاہو۔

۴. ۱۲ شىر دۇ تگر كى بلى

کوانٹائی میکانیات مسیں پیسائٹ کا عمسل ایک سشرارتی کردار ادا کرتا ہے جس مسیں عہدم تعینیت غیسر معتامیت نشیر معتامیت نشاعسل موجودگی مسیں معتامیت نشاعسل موجودگی مسیں مصاوات شروڈ گرکے تحت نشاعسل موج دیا بل تعین طریقت سے ارتقاکر تاہے اور کوانٹائی میکانیات کی بھی سادہ نظامہ آتا ہے جو کلا سیکی برق حسر کیات ہے بہت سادہ ہوگا چو نکہ دو میدان کی طسر تالے و کو کالی برق حسر کیات ہے بہت سادہ ہوگا چو نکہ دو میدان کی جب اُن کی میں واحد ایک غیسر سمتی ہوگا جا کیا جاتا ہے۔ یہ پیسائش کا عمسل ہی ہے جو کوانٹائی میکانیات میں جیب اُنٹس کا عمسل ہی ہے جو کوانٹائی میکانیات میں جیب نواز تا ہے۔ یہ پیسائش میکانیات ہے۔ یہ بیسائش میکانیات ہے۔ یہ بیسائش کا طبیع عواسل ہے کیا منظر دبناتا ہے اور ہم کس طسرح حبان سکتے ہیں کہ پیسائش کی گئے ہوئی ہوئی ہوئی ہوئی ہوئی ہوئی گئی ہے ؟

ے روڈ نگرنے اپنے مشہور تفن ادی بلی کے مفسر وضہ نے اسس بنسیا دی سوال کو پیش کسیا۔

ایک بلی کو فولاد کے ایک بسند ڈ بے مسین بسند کی حب تا ہے اسس ڈ بے مسین ایک گائلر گنت کار اور کسی تابکار مادہ کی اتنی چھوٹی مقت دارر کھی حب آتی ہے جس کا ایک گھنٹ مسین صرف ایک جوہر کے تسنزل کا امکان ہو تاہم ہے بھی مسکن ہے کہ کوئی جوہر تسنزل سنہ ہو تسنزل کی صورت مسین گنت کار اسس ڈ بے مسین ایک زہر یکی گیسس چھوڑ تا ہے۔ ایک گھنٹ ۱۲.۵ کوانٹ اُکی زینو تفت د

گزرنے کے بعب ہم کہے سکتے ہیں کہ تنسنزل نے ہونے کی صورے مسین سے بلی زندہ ہو گی۔ پیسلا تنسنزل اسس کو زہر سے مار دیتی۔اسس مکسل نظام کا تف عسل موج اسس حقیقت کوظ اہر کرنے کے لیے زندہ اور مسر دہ بلی کے برابر حصوں پر مشتمل ہوگا۔ ایک گھنٹ کے بعب بلی کا تف عسل موج درج ذیل روہے کا ہوگا

$$\psi = \frac{1}{\sqrt{2}}(\psi_{,ij} + \psi_{,,,,,j})$$

سے بلی سنہ تو زندہ اور سنہ ہی مسردہ ہے بلکہ پیب آئٹس سے پہلے سیہ ان دونوں کا ایک خطی جوڑ ہوگا یہاں کھٹڑ کی سے اندر دکھے کر بلی کا حسال حبائے کو پیب آئٹس تصور کسی حبائے گا۔ آپ کا دیکھنے کا عمسل بلی کو زندہ یا مسردہ ہونے پر محبجور کر تا ہے ایسی صور سے مسیں اگر بلی مسردہ پائی حبائے توبقے بیٹا اسس کے ذمہ دار آپ ہی ہیں چونکہ آپ نے کھٹڑ کی سے دکھے کر اسے قسل کی۔

سشر وڈنگر اسس نمسام کو ایک بگواسس سے زیادہ نہیں سمجھتا تھتا اور مسیرے خسیال سے زیادہ تر ماہر طبیعیات ان کے ساتھ متفق ہیں۔ کلال بین اجسام کا دو مختلف حسالات کی ایک خطی جوڑ کی صورت مسیں ہوئے کا تصور بے معنی ہے۔ ایک السیکٹر ان تو ہم مسید ان اور حسٰلاف مسید ان کے ایک خطی جوڑ کی صورت مسیں ہو سکتا ہے لسیکن ایک بیازندہ اور مسردہ حسالات کے ایک خطی جوڑ کی صورت مسیں نہیں ہو سکتی ہے۔ اسس کو کوانٹ کی میکانیات کی تقلید پسند تشدر کے کے ساتھ کس طسرح ہم آ ہنگ بنیا جب ایک ساتھ کس طسرح ہم آ ہنگ بنیا جب ساتھ کس طسرح ہم آ ہنگ بنیا جب ساتھ کے ساتھ کس طسرح ہم آ ہنگ بنیا جب ساتھ کے ساتھ کس طسرح ہم آ ہنگ بنیا جب ساتھ ہے۔

شماریاتی مفہوم کے لیاظ سے مقبول ترین جواب سے ہے کہ گنت کارکی گسنتی پیپ کشش ہوگی ہے کہ گھسٹر کی مسیں سے انسانی مشاہدہ پیپ کشش سے مسراد وہ عمسل ہے جو کلال بین نظام پر اثر انداز ہوجو یہبال گنت کارہے۔ پیپ کشش کا عمسل اسس لحمہ پر رونم ابوگا جب فورد بین نظام جے کو انسانی میکانسیات کے قوانین ہیان کرتا ہے کلال بین نظام جے کا سیکی میکانسیات کے قواعمہ ہیان کرتے ہیں کے ساتھ اسس طسر تاہم عمسل کرے جس سے دائی تب یلی رونم ہو۔ کلال بین نظام خود منف ردحسالات کی ایک خطی جوڑ کا مکین نہیں ہو سکتا ہے۔

۱۲.۵ كوانىشائى زىنوتىن د

اسس عجیب قصب کی اہم ترین حناصیت تف عسل موج کا انہدام ہے۔ ایک پیسائٹس کے فوراً بعد دوسری پیسائٹس کے فوراً بعد دوسری پیسائٹس سے ای نتجہ کے حصول کی حناطہ دستالت نظہ دیاتی بنیادوں پر اسے متعدادف کیا گئے انتہا اسس دو موج کے حتابل مشاہدہ اثرات بھی ہوں گے۔ مسر ااور سدر سشان نے سن 1977مسیں تف عسلی موج کی انہدام کا ایک ڈرامائی تحب باتی مظہ ہرہ تجویز کسا جے انہوں نے کو انسٹائی زینوا ترکانام دیا۔ ان کا تصور سے محت کہ ایک عمیس مستکلم نظام مشال ہجیان حسال مسیں ایک جوہر کو بار بار پیسائٹی عمسل سے گزاراحب کے ہرایک مشاہدہ تف عسل موج کو منہدم کرکے گھٹری کو دوبارہ صف مرے حیالو کرے گااور یوں ذیریں حسال مسیں متوقع انتحت ال کو غیسر معالی سے مدد تک روکاحب سکتا ہے۔

 ۲۴۰ با ۲۱۰ پس نوشت

ہوگامساوا<u>۔۔۔9.42 دیکھیں</u> چونکہ انتقالی شرح au/ au ہوگا

$$P_{2\rightarrow 1} = \frac{t}{\tau}$$

وقت 🕇 پر پیپ نَٹس کرنے کی صورت مسیں بالائی حسال مسیں نظام ہونے کا احسمال درج ذیل ہو گا

$$(r.r.) P_2(t) = 1 - \frac{t}{\tau}$$

منسرض کریں ہم دیکھتے ہیں کے نظام بالائی حسال مسیں ہی ہے ایسی صورت مسیں تف عسل موج والبس 42 پر منہدم ہوگا اور پوراعمسل ایک باریخ سسرے سے دوبارہ مشروع ہوگا۔ اگر ہم وقت 21 پر دوسسری پیسائٹس کریں تب بالائی حسال مسین نظام ہونے کااحستال درج ذیل ہوگا

$$\left(1 - \frac{t}{\tau}\right)^2 \approx 1 - \frac{2t}{\tau}$$

جو وہی ہے جو اسس صورت ہوتا اگر ہم پہلی پیپ کشش کرتے ہی نہیں سادہ سوچ کے تحت ایساہی ہونا دیا ہے تھت۔ اگر ایسا ہی ہوتا تاہم ہہت کم وقت ہی ہوتا تاہم ہہت کم وقت کی مضرق نہیں پڑتا اور سنہ سے کوانٹ کی زینو اثر پیپ دا ہوتا تاہم ہہت کم وقت کی صورت مسین انتقالی احتمال وقت لم سے بحث لا کاراست مسئاسب ہوگا 39.39 کی کھیں

$$(ir.rr) P_{2\rightarrow 1} = \alpha t^2$$

الیی صور ___ مسین دو پیپ ائشوں کے بعب بھی نظام کا بالائی حسال مسین ہونے کا احسمال درج ذیل ہوگا

$$\left(1 - \alpha t^2\right)^2 \approx 1 - 2\alpha t^2$$

جب، پہلی پیپ اکش سنہ کرنے کی صورت مسیں اب احستال درج ذیل ہوتا

$$(1r.rr) 1 - \alpha(2t)^2 \approx 1 - 4\alpha t^2$$

آپ دیکھ سے ہیں کہ وقت t گزرنے کے بعد نظام کے مشاہدہ کی بناپرزیریں حسال مسیں منتقلی کا احسال کم ہوا ہے۔ یقیناً t=0 کا سے t=T بر نظام کا مشاہدہ کرنے کی وجب ہے اس دورانیہ کے آخسر مسین بھی نظام ہالائی حسال مسین ہے جا سے دورانیہ ہے آخسر مسین بھی نظام ہالائی حسال مسین ہے جا سے دورانیہ ہوگا

$$\left(1 - \alpha (T/n)^2\right)^n \approx 1 - \frac{\alpha}{n} T^2$$

جو $\infty \leftrightarrow n \to \infty$ کی حد مسیں 1 تک پنچت ہے ایک غیبر مستخلم نظام جس کا مسلل مث ہوہ کی جبی تحق کی تحقیل نہیں ہوگا بعض مصنفین اسس ماخوذ سے انقب ان نہیں کرتے اور ان کے نزدیک سے نفٹ عسل موج کے انہدام غیبر

۱۲.۵ کوانٹ اکی زینو تفت د

درست ہونے کا ثبوت ہے۔ تاہم ان کے دلائل مشاہدہ کے مفہوم کی عناط تشریح پر مسبنی ہے اگر بلبلاحنان مسیں ایک ذرات یقیناً تحویل ہوتے ایک ذرات یقیناً تحویل ہوتے ہیں ایک درست ہوں گے چونکہ الی ذرات یقیناً تحویل ہوتے ہیں اور ان کا عسر صدحیات پر کاشف کا تبایل پیسائش اثر نہمیں پایا حباتا ہے تاہم ایسا ذرہ حنان کے اندر جوہروں کے ساتھ خدود سال ہاہم عمسل کر تاہے جب کہ کوائٹ کی زینواٹر کے لیے ضروری ہے کہ یک بعد دیگر پیسائشوں کے بچہ وقائد کے استانم ہوکہ نظام کو 2 نظام کا کا کا کھال کا کا کھال کے کا کھال کے نظام کے کا کھال کے کھال کے کہ کھال کے کھال کے

ہم دیکھتے ہیں کہ خود باخود انتقل کی صورت مسیں ہے۔ تجب رہ عملاً مسکن نہیں ہے۔ تاہم پیدا کردہ انتصال کی صورت مسیں نتائج کا نظر میاتی پینگوئی کے ساتھ مکسل انقباق پایا حبات ہے۔ بدقتمتی سے تجب رہ تقب عسل موج کی انہا مام کا حتمی نہوں پیشن نہیں کر سکتا ہے اسس مضاہدہ کے دیگر وجوہات بھی دئے حباسے ہیں۔

مسیں نے اس کتا ہے۔ مسیں ایک ہم آبگ اور بلا تعن دکہانی پیش کرنے کی کوشش کی ہے تف عسل موج ہا کی ذرہ
یانظ م کے حسال کو ظاہر کر تا ہے۔ عصومی طور پر ای کذرہ کی مخصوص حسر کی حناصیت مشاؤ معتام معیار حسر کت توانائی
داویائی معیار حسر کت وغیرہ کا حسام ایک مخصوص قیت کا احسال ہو قت تک جب پیسائٹی عمسل مداخلت نے کرے کی
ایک تحب سب مسیں حاصل ایک مخصوص قیت کا احسال ہا کی شماریاتی مفہوم تعسین کر تا ہے۔ پیسائٹی عمسل سے
تناس عمل موج منہ مہوتا ہے جس کی بن پر فوراً دو سری پیسائٹ سالاز مآوی منتجب دیگی۔ اگر جب دیگر تشریح سب مشائل
عنیسر معتامی در پر دہ منتخب نظریات متعدد کا سنات کا تصور بلا تعناد تاریخ نیس سگرہ نمونے وغیرہ بھی پانے حبات
میں لیسکن مسیں لقین کرتا ہوں کہ سے سب سے سادہ ہمیں ہیں انہ طبیعیات انتساق کرتے ہیں۔ سب ہمیں سے معسوماً ماہر طبیعیات انتساق کرتے ہیں۔ سب ہمیں سے جس سے عصوماً ماہر طبیعیات انتساق کرتے ہیں۔ سب ہمیں ہمیں ہوئے ہوئے دائے دالے نسلیں زیادہ پیچیدہ نظر رہے جب نے عسین مسکن ہے کہ آنے والے نسلیں زیادہ پیچیدہ نظر برب حبائے عسین مسکن ہے کہ آنے والے نسلیں زیادہ پیچیدہ نظر برب حبائے ہوئے۔

جوابات

ف رہنگ __

centrifugal term, 146	21-centimeter line, 291
Chandrasekhar limit, 253	
chemical potential, 247	adjoint, 103
Clebsch-Gordon coefficients, 190	allowed
coherent states, 133	values, 33
collapses, 4, 111	aluminium, 220
commutation	angular momentum
canonical relation, 45	conservation, 170
canonical relations, 138	extrinsic, 174
fundamental relations, 165	intrinsic, 174
commutator, 44	argument, 61
commute, 44	
complete, 35, 100	bands, 234
conductor, 235	baryon, 191
configuration, 237	Bessel
continuity equation, 194	spherical function, 148
continuous, 105	binding energy, 156
continuum, 138	binomial coefficient, 239
coordinates	blackbody spectrum, 250
spherical, 139	Bloch's theorem, 229
Copenhagen interpretation, 4	Bohr
covalent bond, 214	radius, 156
cubic symmetry, 298	Bohr formula, 155
	Bohr magneton, 284
Darwin term, 280	Bose condensation, 249
decomposition	Bose-Einstein distribution, 247
spectral, 130	bosons, 208
degeneracy pressure, 228	boundary conditions, 32
degenerate, 90, 104	bra, 128
degrees of freedom, 254	bra-ket
delta	notation, 128
Kronecker, 35	bulk modulus, 229

fermions, 208	density		
Feynmann-Hellmann theorem, 294	free electron, 227		
fine structure, 272	determinant		
fine structure constant, 272	Slater, 214		
formula	determinate state, 103		
De Broglie, 19	deuterium, 297		
Euler, 30	deuteron, 297		
Fourier	dipole moment		
inverse transform, 63	magnetic, 181		
transform, 63	Dirac		
Frobenius	comb, 229		
method, 54	notation, 128		
function	orthonormality, 108		
Dirac delta, 72	direct integral, 313		
even, 31	discrete, 105		
···	dispersion		
g-factor, 278	relation, 67		
gamma function, 249	dope, 235		
gaps, 234			
	eigenfunction, 103		
gauge	eigenvalue, 103		
invariant, 202	eigenvalue equation, 103		
transformation, 202	electrodynamics		
generalized	quantum, 278		
distribution, 72	electron		
function, 72	classic radius, 175		
generalized statistical interpretation, 111	energy		
generating	allowed, 29		
function, 60	conservation, 39		
generator	energy gap, 290		
translation in space, 136	ensemble, 15		
translation in time, 136	entangled states, 207		
geometric series, 253	exchange force, 213		
good	exchange integral, 313		
linear combinations, 263	expectation		
good quantum numbers, 275	value, 7		
Gram-Schmidt	,		
orthogonalization process, 107	Fermi		
Gram-Schmidt procedure, 437	energy, 227		
graviton, 163	temperature, 228		
group theory, 191	Fermi surface, 227		
gyromagnetic ratio, 182	Fermi-Dirac distribution, 247		

polynomial, 158	Hamiltonian, 28
Lamb shift, 272	harmonic
Landau Levels, 202	oscillator, 32
Lande g-factor, 284	harmonic oscillator
Laplacian, 138	three-dimensional, 193
Larmor frequency, 184	Helium, 162
law	Hermitian
Hooke, 42	conjugate, 49
LCAO, 311	hermitian, 101
Legendre	anti, 130
associated, 142	conjugate, 103
leptons, 175	skew, 130
Levi-Civita symbol, 180	hidden variables, 3
linear	Hilbert space, 99
combination, 28	hole, 235
linear algebra, 97	Hund's
Lithium, 162	first rule, 221
Lorentz force	second rule, 221
law, 201	third rule, 221
	Hund's Rules, 220
magnetic moment	hydrogen
anomalous, 278	muonic, 207
mass	hydrogenic atom, 162
reduced, 206	hyperfine structure, 272
matrices, 98	
matrix	ideal gas, 245
S, 94	idempotent, 129
transfer, 95	indeterminacy, 3
matrix elements, 125	infinite spherical well, 146
Maxwell-Boltzmann distribution, 247	inner product, 98
mean, 7	insulator, 235
median, 7	inverse beta decay, 253
meson, 191	ket, 128
momentum, 17	kion, 191
momentum space	Kronig-Penny model, 232
wave function, 195	Kroing Tenny model, 232
momentum space wave function, 113	ladder
motion	operators, 46
cyclotron, 202	Lagrange multiplier, 242
muon catalysis, 319	Laguerre
muonic hydrogen, 291	associated polynomial, 158
	r J

۳۵۰ منربئگ

degenerate, 260	muonium, 291
pion, 191	,
Planck's	Neumann
formula, 162	spherical function, 148
polynomial	neutrino
Hermite, 58	electron, 127
position	muon, 127
agnostic, 4	neutron star, 253
orthodox, 3	node, 34
realist, 3	non-normalizable, 13
positronium, 207, 291	normalizable, 14
potential, 15	normalization, 13
effective, 146	normalization constant, 22
reflectionless, 93	normalized, 100
probability	
conservation, 194	observables
density, 10	incompatible, 116
probability current, 21, 194	occupation number, 237
probable	operator, 17
most, 7	exchange, 209
	lowering, 46, 166
quantum	projection, 129
principle number, 155	raising, 46, 166
quantum dots, 319	orbital, 173
quantum number	orbitals, 219
azimuthal, 145	orthogonal, 34, 100
magnetic, 145	orthohelium, 217
quantum numbers, 147	orthonormal, 35, 100
quark, 191	orthorhombic symmetry, 298
	oscillation
radial equation, 146	neutrino, 127
recursion	overlap integral, 312
formula, 55	
reflection	pair annihilation, 292
coefficient, 78	parahelium, 217
relation	particle
Kramers, 295	unstable, 21
Pasternack, 295	Paschen-Back effect, 285
relativistic correction, 272	Pauli exclusion principle, 208
revival time, 89	Pauli spin matrices, 177
Riemann zeta function, 249	periodic table, 219
rigid rotor, 173	perturbation theory

ف دونگ

spinor, 175	Rodrigues
square-integrable, 13	formula, 60
square-integrable functions, 98	Rodrigues formula, 142
standard deviation, 9	rotation
Stark effect, 296	generator, 200
state	Rydberg
bound, 70	constant, 162
excited, 34	formula, 162
ground, 34, 156	
scattering, 70	scattering
stationary states, 27	matrix, 93, 94
statistical	Schrodinger
interpretation, 2	time-independent, 27
Stefan-Boltzmann formula, 251	Schrodinger align, 2
step function, 80	Schwarz inequality, 99, 437
Stern-Gerlach experiment, 184	screened, 219
Stirling's approximation, 243	semiconductors, 235
symmetrization	separation constant, 26
requirement, 209	sequential measurements, 131
	series
temperature, 236	Balmer, 162
tetragonal symmetry, 298	Fourier, 35
theorem	Lyman, 162
Dirichlet's, 35	Paschen, 162
Ehrenfest, 18	power, 43
equipartition, 254	Taylor, 42
Plancherel, 63	shell, 219
thermal equilibrium, 236	sodium, 23
Thomas precession, 279	space
transformations	dual, 128
linear, 97	outer, 23
transition, 161	spectrum, 104
transmission	spherical
coefficient, 78	harmonics, 144
triplet, 188	spin, 173, 174
tunneling, 72, 79	spin down, 175
turning points, 70	spin up, 175
ymagutaint, minairla 10 116	spin-orbit
uncertainty principle, 19, 116	interaction, 279
energy-time, 119	spin-orbit coupling, 272
valence, 223	spin-spin coupling, 290
	op voupinig, 200

من ربگ

" , ",	V. 1 W. 1
الساقي	Van der Waals interaction, 294
حــالاـــــ،133	variables
ات قی حسالات،133 احبازتی قیمتیں،33 ارتعب ش نیوٹر نیز،127	separation of, 25
يبتين،33	variance, 9
ارتعباستس	variational principle, 299
نيوٹر ينو، 127	vectors, 97
استمراری،105	velocity
الستمراری مساوات،194	group, 66
استمراری، 138	phase, 66
اصول	virial theorem, 132
استمراری ۱38۰ اصول عسدم بقینیت،19	three-dimensional, 194
اصول تغييريي،299	wag the tail, 56
اصولُ عب دم يُقينيت،116	
اصٰ فيتي تصحيح،272	wave incident, 77
اکست یک جائز کا کیا۔ اکسی سنٹی میسٹر لکسیےر، 291	packet, 62
ا يسل عي مڀڙ للڀر، 291	reflected, 77
السيشران کلاسيکي ردانس، 175	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
کلا مسیلی ردانسس، 175	transmitted, 77
الىپكٹران نيوٹرينو،127	wave function, 2
امت يازي تف عسل، 103	wave vector, 224
امت یازی ت در، 103	wavelength, 18
امت یازی ت در مساوات، 103	white dwarf, 252
انتشاري	Wien displacement law, 250
رشته،67	WKB, 321
انحطاطی،104،90	Yukawa potential, 316
انحطاطي د باو، 228	Tanawa potentian, 5 To
اندرونی ضرب،98	Zeeman effect, 283
اندکاس شرح،78	zero-crossing, 34
ىشىرى،78	
اوسط،7	
باضابط، معيار حسر کت، 203	
برق حسِر کیاہے	
لوانٹ کی، 278 	
بق	
نوانای، 39	
بقب احستال،194	
بلاواب طه تلميل، 313	
ىب دىشى توانائى،1 <u>5</u> 6	
بوسس ا آئنشائن تقسيم ،247	
باضابط معياد سرك 203، يرقى حسر كيات برقى حسر كيات بقب توانائى،390 بقساحة الل،194 بلوار طرقت كمل،313 ببندشى توانائى،156 بوسس اتنشائن تقسيم،247	

ف رہنگ

تشكيلِ،237	بو سن، 208
يەل،237 تعبىدادىمكىن،237	
	بوہر ردائس،156
تعيين حسال، 103 تن	
تغييري <u>ت</u> ،9 تنباعسل	155,
• -	بوہر مقت اطبیہ، 284
ۇي <u>ل</u> ائ.72	بىيەريان، 191 . بىيل كروي تفن ^ع عسل، 148
تف عت موج، 2	جيش م رور عوال ميان
يقن علي، 128	کروی نف کس 148،
جمل جمل	<u>ب</u> ل <u>پ</u> ک پیسر کی، 173
ۇھسانىيا ئ ى،312	201 207 8
توالی	پازینشسرانیم،207، 291 پازینشسرانیم، شده
كلىيــــ55،	پاسشن وبیک اثر، 285
توانائی	يالى اصول من عيت، 208
احبازتی،29	يالى ت لىب مپكر،177
تسب نسب 128، توالی توالی کاب 55، توانائی احبازتی،29 توقع قی ترقع توقع تی	پایان، 191
قيب-7،	يْبْيان،234
	ىپەس پىردە،219
شنائی عب د دی سسر، 239	پلانک
	کلیہ، 162
حب زوڈارونِ،280	پيدا کار
جسيم مقياتس، 229	فصن مسين انتقتال كاء136
جفت ،34 تف عسل، 31	پسن پرده، 219 پلانک کلیپ، 162 پیپداکار فصن مسین انتقال کا، 136 وقت مسین انتقال کا، 136
نف کل،31	پيداکار تفساعت ،600 گومرن ،200
جف <u>ت</u> قطب معیاراژ	يقف عسل ،60
مقت طیسی، 181	گومت،200
جوہر ی مدار چوں	
خطی جوڙ تر کيب، 311	ىچىدىدىغىسەرمىسە،89
جي حب زوضر بي، 278	تحب رب مششر ان گراد نُ184،
	101.000
چکر،174،173	رتىيى پىيالشىن، 131
محنالف_ميدان،175	ترسيل
ہم میدان،175	شرح،78
حپکر حپکر ربط ،290	تسلس المسابق ا
حبِير کار ، 175	بالمسير، 162
حپُکرومدار باہم عمسل، 279	ياسشن،162
حپ کرومدار ربط، 272	فميسلر،42
چندر شیک _{ھر} حید،253	ط مستى، 43
پ ڪريو سندس چوزاو ب تشاکل، 298	فوریٽر، 35
	ليميان،162
حسال بخ س راو،70	ت کلیت
بخسسراو،70	 ضرور <u> </u>
	· ·

من رہنگ

دوری سستی،66	زمسيـني، 156،34
گروہی سستی،66	مقب د،70
رمسنراور وٹاونسنڈ اثر ،86	ي. ميحبان،34
رواحستال،194	حـــراري تُوازن،236
روڈریگئیں کلیہ،	حسر کت سائیکلوٹران، 202
العند العند 142، كلب 142،	سائيكلوٹران،202
ريميان زيب اتف عسل 249،	
	خطى الجبرا،97 خط
زاویائی معیار حسر کت	خطی تبادله،97 خا
. بقب،170 حساتی،174 عنب رحساتی،174	خطی جوڑ،28 خنب متغیرات،3
خنقی،174	حقب سعب رات، 3
	خول،219،235
زىمسان اثر، 283	در حبات آزادی، 254
	در ب حسرارت،236 درجه حسرارت،236
ب کن	234-
ت م حسالات م مسٹر لنگ تخمسین ، 243	درز تواناً کی، 290
سترنات مسين، 243 ستيفن وبولٽ زمن کلپ، 251	ولىيال،61
يىن وبوستىزىن كانىپ، 251 سىرىپ دى شىرائط، 32	وم ہلانا، 96،56
ڪرڪ ئي 32،107 ڪرنگ زني،79،72	دوري حبيدول، 219
سفيد بونا، 252 سفي د يونا، 252	
ئىيىرورد ئىگىرا،15	ڈیرا <i>ک</i>
سلور،220	عسلامتيت،128 سري
سمتاو ي ،128	229، و225
سمتيات،97	معیاری عسودیت، 108
سمتی _ه موج،224	ڈیلٹ کرونسیکر،35
ي - سوچ	ځارنځ کې 207
انکاری،4	ڈ يوٹر يم، 297 ڈ يوٹسپ ران، 297
تقلب د پسند، 3	271.00 = 35
حقیق <u>۔</u> پسند، 3	فره
سوۋىم، 23	دره غ پ رمشتککم،21
سە تا،188	
سياه جسمي طيف، 250	رو احستال، 21
سيره هي عب ملين،46	احتال، 21 رداسی مساوات، 146
عت نين 46، سير هي تفع ڪ ل80،	
مير ن س	رڈبرگ-،162 کلیے،162
عشارک (296°	
مشثار کے اثر،296 مشہروؤنگر	رىشتە پىترنك،295
ر غني ر تابع وقت، 27	کرا مبر س،295
ث روڈ نگر نقط منظ سر، 136	رفت ار

ئىنىرىنىڭ مەمە

ىن روبنيوس	شريك عبامسل، 103
تژگیب،54 نص ^ن	ىشەرىيەت گرفىنى بىنەرە ،214 شمەرياتى مفہوم ،2
بىيەرونى،23 دوہرى،128 فورىسئەر	شوارز عسدم مساوات،437 شوارزعب م مساوات،99
ررية – ر الـــُــ بدل،63 بدل،63	مونسر معتام انقطباع،34 صف رمعت ما انقطباع،34
ىت بىلى مىڭ اېدە غىيىرىم آبنگ <u> </u>	طباق،34 طبامس استقبالي حسر كية. 279
سيسر م اہلات 116 مت الب بخصر او، 94،93	طول موچ،162،18
ئىخسىراۋ،94،93 تركسىيل،95 قتالبى ار كان،125	طيف.104 طيقى تحلسيال،130
ت.نون مت نون بک-42،	عب سل 17، تظلیل 129
ت ئى مُغيّن،298 قواعب دېن،220	ين ۱۲۶،۵۶ تقليبل 166،46 رفعت 166،46
قوالب،98 قوت مبادله،213	مب وله، 209
كامسل گيس، 245	عـــبور،161 عـــدم تعـــين،3 عـــدم يقينيت
کایان، 191 کثاف <u>ت</u>	'توانانی ووقت، 119 عسر م یقینیت اصول، 19
م السيكثران،227 انستال،10	34.6 عت. ه، 34.6 ع ع الله
کشپ ررکنی هرمائٹ .58	تف الله ي تف علب وسمتاوب،128 عليجب رگي متغب رات،25 عليجب رگي متقل،26
کرانگ و پینی نمو نسه ،232 کروی	علیجید گی مستقل ،26 عب ودی،34 ،100
ہار مونسیا سے ،144 تعبی تش کل ،298 کا	غيــرمــلـل، 105 غيــرمومـــل، 235
ئىي ۋى بروگ لى،19 روڈرىگىيس،60	
يولر،30	فٽري آوانائي،227 درحب حسرار ت ،228
کلیش و گورڈن عید دی سر ،190 کمیت تخفیف شدہ،206	ئے،227 منے میان،208
کلیف شده،200 کوارک،191	فسنىرى وۋيراك تقسيم،247

من ربگ

متعم 72، تف عسل، 72 متعم شماریاتی مفہوم، 111 میس سے زیادہ، 7 میس سے نیادہ، 7 میس سے تاریدہ، 7 م	المنافي المنا
پلانُشىرال،63 ۇرشلے،35	لامستنابی کروی کنوال،146 لپیشان،175 لیژ
مساوى حنات ببندى، 254	مقیم) 162 لگرانج م ف ر ب ،242
مسسئلہ بلوخ،229 مسئلہ صنائمنن وہلن،294	سران مسرب 242 لپنٹوسطیس 202
مسئله وريل، 132	لٹ ڈیے جی حب زوضر بی 284
تین ابعبادی، 194	لوريىنىز قو <u>ت</u> متانون، 201
معمول زنی،13 متابل،14	ڪ يون، 201 لوي وچَويت، 180
حتابی،14 مستقل،22	ليژانڈر
نات بل، 13 معمول شنده ،100	ىشىرىكىسى.142 لىمىيەانتقتال،272
معيار حسر کت،17	2/200
معیار حسر کی فصن اتف عسل موج،113،113 معیاری انحسران به 9 معیاری عسود کی 100،35،113	ماپ تبادله،202 غیسرمتغیسر،202
مقطع	مب وله تکمل، 313

ف رہنگ ف

وائن مت انون ہے او، 250	ليٹر،214
وسطانب،7	مقلب،44
ونٹزل و کرامب سرسس وبرلوان ، 321 ون دروالس باہم عمسل ، 292	مقلبيت
ون دروانس باہم مسل،292	باضابط رشته، 45
<i>بن</i>	باضبابطـــ رشقة،138 بنيبادي رشقة،165
كاپېسلامت عسده، 221	ہتے دی د 103 سے 1030 مقلوب 44
كاثنيب رات عبده، 221	مق ^ب طبیعی معسیاراتر
	بے ضابطہ، 278
بار مونی ا ق	مکمسل، 100،35
ہر سوی مب رنعش،32 ہار مونی مب رنعش	ملاوٹ، 235
ہار موتی میسے رفعش	منېدم،4،111
تین ابعبادی، 193 ریسه ج	موج په ر
ہائے ڈروجن میونی،207	آمدی،77 ترسیلی،77
يون، 207 ہائڀ ڈروجب في جوہر، 162	ر ۱۲۰ منعکس، 77
ېرمشی،101	موجی اکثر، 62
جوڙي دار، 49، 103	
حنان،130	موزوں خطی جوڑ، 263
منحسرن،130 ہلب ر ب نصن 190	موزول لوانسٹانی اعب داد، 275
، جبرت طب،99 ہمبستہ حیال،207	موصل، 235 مهينين افي سي 372
ىپندىن تىلىل ، 253	مهسین ساخت-،272 مهسین ساخت مستقل،272
ہیے زنب رگ نقط نظر، 136	ميذان، 191
ہیلیم،162	ميكسويل وبولٹ زمن تقسيم ،247
ہیلیم پرس ت ،217	ميون عمسل انگپ زي، 319
مېيىلىنى،28	ميون نيو ٹرينو، 127
يك طباقتتى،129	میونی پائییڈروجن، 291 ندین
يڪ ڪ من آءِ دءِ يو کاوا مخفيد ، 316	ميونييئم، 291
.	نابود گی جو ڑا، 292
	نزد ہیں لیم ،217
	نظ رئير اضط راب
	انحطاطی،260
	نہایت مہسین ساخت،272 نیم موصل,235
	یم سو حس د 233 نیوٹران سستارہ 253
	نيو من نيو من
	نیومن کروی تف ^ع ل ۱48
	والپي نقت ط،70