كوانتم ميكانسيات

حنالد حنان يوسفزني

باسے کاسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

٠٣٠ر جولائی ٢٠٢١

# عسنوان

vii	پہلی کتاب کادیباح <b>پ</b>	بری	مر
	ے عسل موج		
1		ىف 11	1
1		1.1	
۵		1.1 1 m	
۵	احستال نام مسلمل متفسيرات اسلا غني مسلمل متفسيرات	1.7	
9	۱۳.۴ استمراری متغیبرات		
15	•	۱ ۳	
10		1.0	
14		1.4	
۲۱	پىر تابىغ وقىت سشىر دۈنگىرمىپادات	غسب	۲
۲۱	- ما کن <b>حسالات</b>	۲.۱	
۲۷	ا لامت نائى حپ ور کنوال	۲.۲	
٣٩	• 🗓 •	۳٫۳	
٣٨	ا ۲٫۳ الجبرائی ترکی <b>ب</b>		
ړ∽	۲٫۳٫۲ څليالي ترکيب		
۵۵		۳ ۳	
70		r.a	
Υ <sub>1</sub> γ	۲.۵.۱ مقید حسالات اور بخفسراو حسالات ۲.۵.۱ مقید حسالات مقید می او حسالات ۲.۵.۱ مقید می داد م		
44	۲.۵.۲ وليك القب عسل كنوال		
۷۵		۲.4	
۸۵	ب د وضوابط	قواعه	٣
۸۵	مرمشی عسام سل کے امت بیازی تف <sup>ع</sup> سل	۳.۱	
۸۵	ا.ا.۳ عني رمسلس طيف		
۸۷	۳.۱.۲ استمراری طیف ً		

iv

91	۳٫۴ منتعم شمساریاتی مفهوم	
91~	۳٫۳ اصول عب دم یقینیت	
90	۳.۳۰۱ اصول عب م یقینیت کا ثبوت	
91	۳.۳.۲ کم سے کم عب م مینیت کاموجی اکٹھ	
99	۳٫۳۰٫۳ توانائی و وقت اصول عسد م یقینیت	
1+1"	۳٫۴	
	•	
114	تین ابعب دی کوانٹم میکانب	۴
114	۴.۶ کروی محسد دمسین مباوات مشرود نگر	
119	۴.۱.۱ علیحبِد گی متغیب رات	
11.	۲.۱.۲ زاویائی مساوات	
110	۳۰٫۱٬۳ روای مساوات	
119	۴٫۲ بائسیڈروجن جوہر	
۱۳۰ ۱۳۰	۲.۲.۱ روای تق <sup>سعس</sup> ل موج	
١٣٠	۳.۲.۲ بائسیڈروجن کاطیف	
۳	۱.۳۰ ارادیان عمیار مصفر ست	
,,,		
۱۴∠	متب ثل ذرات	۵
16.0	غنب رتائع وقب نظیرب اضطبراب	۲
١٣٩	۲.۱ عنب رانحطاطی نظری اضطراب ۲.۱	
16.0	ا.۱.۱ عسوی ضب ابط به بیندی	
10+	۲۰۱۰۲ اول رتی نظسرے	
100	۲۰۱۳ دوم رتی توانائسیال	
100	۲.۲ انحطاهی نظری اضطراب ۲.۲	
100	۲٫۲٫۱ دوپرٔ تاانحطاط	
109	۲.۲.۲ بلسندرتی انحطاط	
ודו	تغييسرى اصول	۷
1411	وكب تخسين	۸
۵۲۱	تابع وقت نظـر بـ اضطـراب	۵
1 (ω		
172	حسرار ناگزر تخمسین	1+
179	بخصيراو	- 11
		,,
141	ي-س نوشت پ-س نوشت	

121																												_	اباب	جوا
۱۷۵																											برا	طى الج نطى الج	;	1
140			 																					_	<u>.                                    </u>	متيا	س	1,	J	
140			 																				_	ار	نی ض	ندرو	1	۲.	ı	
140			 																					_	_	تال	و	٣.	1	
۱۷۵			 																		ی	_		ار	ىلى	ب	تته	۴.	1	
۱۷۵			 									ار	ن	افت	ی	حياز	ت	. ام	اور	 <u>.                                    </u>	_لا	عر	ن	ی تفا	ميازة	ست	•1	۵	J	
140			 																			اے	ر_	ب	ئاتتىر	رمشح	7	۲.	1	
122																											_	نگ	نرټ	و

# میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومت پاکستان اعسلیٰ تعسیم کی طسر ف توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلے مصر تب اور پہلی مسرتب اعسلیٰ تعسیمی اداروں مسیں تحقیق کار جمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ بیہ سلمہ حباری رہے گا۔ پاکستان مسیں اعلیٰ تعسیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب کوئی درکار ہیں۔ کوئی خیال کوئی کوئی سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حضا طب خواہ کو حشش نہیں گی۔

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وحب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تعتار میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تعتار آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نے لکھنے کاجواز بنانے سے انکار کر دیااوریوں ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین مین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوالے متھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلمسل نصاب کی طسر فسے ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار شس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وط الب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایت سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر 201<sub>1</sub>

### اب ٢

## غبير تابع وقت نظسر په اضطسراب

٢.١ عنب رانحطاطي نظرب اضطراب

ا.۱.۱ عسمومی ضابط، بندی

فنسرض کریں ہم کسی مخفیہ (مشلاً پک بعیدی لامت ناہی حپ کور کنواں) کے لئے غنیب رتائع وقت مشیر وڈنگر مساوات:

$$H^0\psi^0_n=E^0_n\psi^0_n$$

سلیلہ  $\psi^0_n$  کا تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ

$$\langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = \delta_{nm}$$

اور ان کی مطب بقتی امتیازی افتدار  $E_n^0$  حساصل کرتے ہیں۔ اب ہم مخفیہ مسیں معمولی اضطہ را بہدا کرتے ہیں (مشلاً کواں کی تہہہ مسین ایک چھوٹا موڑاڈال کر؛ مشکل 6-1) ہم نئے امتیازی تقساعہ مات اور امتیازی افتدار حبانت حہامیں گئے: گئے:

$$H\psi_n=E_n\psi_n$$

تاہم انتہائی خوش قتمتی کے عسلاوہ کوئی وحبہ نہیں پائی حباتی کے ہم اسس پیچیدہ مخفیہ کے لیے مساوات مشہروڈ گر کوبالکل گئیک ٹھیک حسل کرپائیں گے۔ نظریہ اصطراب کوغیر مفط رب صورت کے معلوم ٹھیک ٹھیک حسلوں کولے کر وقدم بقدم جیلتے ہوئے مفط سرب مسئلے کے تخمینی حسل دیت ہے ہم نے ہیمکٹنی کو دواحبزاء کا محب وعد کھ کر آغن ز کرتے ہیں

$$H = H^0 + \lambda H'$$

جہاں H' اضطراب ہے زیر بالا مسیں 0 بمیث غنیہ مضطرب مقیدار کو ظاہر کرتا ہے ہم یہاں  $\lambda$  کو ایک چھوٹا عبد در تصور کرتے ہیں بعبد مسیں اسس کی قیمت کو بڑھ اکر ایک (1) کر دی حبائے گی اور H اصل ہیملٹنی ہوگا اسس کے بعب ہم  $\psi$  اور  $E_n$  کو  $\lambda$  کی طب وستی تسل کے معرب کسے ہیں

$$\psi_n = \psi_n^0 + \lambda \psi_n^1 + \lambda^2 \psi_n^2 + \cdots$$

$$(Y.Y) E_n = E_n^0 + \lambda E_n^1 + \lambda^2 E_n^2 + \cdots$$

یہاں n ویں امتیازی متدر کی قیمت میں اول رہتی تصحیح کو  $E_n^1$  ظیام کرتا ہے جب n ویں امتیازی تف عسل میں  $E_n^1$  ورم رہی تصحیح ہوں گے وغیبرہ مساوات  $E_n^2$  اور  $E_n^2$  اور  $E_n^2$  ورم رہی تصحیح ہوں گے وغیبرہ مساوات  $E_n^2$  میں پر کرکے مساوات  $E_n^2$  میں پر کرکے

$$(H^{0} + \lambda H')[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

$$= (E_{n}^{0} + \lambda E_{n}^{1} + \lambda^{2} E_{n}^{2} + \cdots)[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

 $\lambda = 1$ یا  $\lambda = 1$ یا کھے طاقت وں کو اکٹھ اکٹھ کر درج ذیل کھے حب سکتا ہے

$$H^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(H^{0}\psi_{n}^{1} + H'\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(H^{0}\psi_{n}^{2} + H'\psi_{n}^{1}) + \cdots$$

$$= E_{n}^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(E_{n}^{0}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(E_{n}^{0}\psi_{n}^{2} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{2}\psi_{n}^{0}) + \cdots$$

 $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$  کا کی صورت مسیں اسس سے  $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$  سامس ہوتا ہے جو کوئی کئی مساوات نہیں ہوگا (ریمانی ایک تک ورین ذیل ہوگا

(1.2) 
$$H^0\psi_n^1 + H'\psi_n^0 = E_n^0\psi_n^1 + E_n^1\psi_n^0$$

رتب دوم  $(\lambda^2)$  تک درج ذیل ہوگا

(1.A) 
$$H^0\psi_n^2 + H'\psi_n^1 = E_n^0\psi_n^2 + E_n^1\psi_n^1 + E_n^2\psi_n^0$$

و غیسہ ہ وغیسہ ہ (رتب پر نظسر رکھنے کی عشرض سے ہم نے ۸ استعال کیا اب اسس کی ضرورت نہیں رہی اہلہٰ ذا اسس کی قیت ایک، 1 ، کر دیں)

۲.۱.۲ اول رتبی نظسر ب

ری از برونی خرب کیتے ہیں لیعنی  $(\psi_n^0)^*$  کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں لیعنی  $(\psi_n^0)^*$  کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں جب کہ جارہ کی خرب کر محمل کیتے ہیں  $\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^0 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$ 

تاہم H<sup>0</sup> ہر مشی ہے لہاندا

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

ہوگاجو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کو حد دنے کرے گامسندید  $1=\langle \psi_n^0|\psi_n^0
angle=1$  کی بہت درج ذیل ہوگا $E_n^1=\langle \psi_n^0|H'|\psi_n^0
angle$ 

ے رتب اول نظری اضطراب کابنیادی نتیجہ ہے بلکہ عملاً ہے پوری کوانٹم میکانیات مسیں عنالباً سب ہے اہم مساوات ہے ہے کہتی ہے کے غیر مضطرب حسال مسیں اضطراب کی توقعت تی قیمت توانائی کی اول رتبی تصحیح ہوگی

مثال ۲: لامتنای پور کوال کی غیر مضطرب تف علات موج مساوات 28.2 درج ذیل ہیں

$$\psi_n^0(x) = \sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{n\pi}{a}x\right)$$

ونسرض کریں ہم کواں کی تہبہ کو مستقل معتدار  $V_0$  اوپر اٹھاتے ہوئے اسس نظام کو مضطسر ب کرتے ہیں مشکل 2.6 توانائیوں مسین رتب اول تصبح تلامش کریں

ل بوگانانی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگیn ویں حسال کی توانائی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگی  $H'=V_0$ 

$$E_n^1 = \langle \psi_n^0 | V_0 | \psi_n^0 \rangle = V_0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle = V_0$$

یوں تھیجے شدہ توانائیوں کی سطحییں  $V_0$  ہو گئے جی ہاں تمام کی تمام  $V_0$  منت دارے اوپراٹھتی ہیں بہاں حسیرائی کی بات ہے کہ رتب اول نظر رہا بالکل ٹھیک جو اب دیت ہے یوں نظ ہر ہے کہ منتقل اضط سراب کی صورت مسین تمام بلندرتی تھیجے صف رہوں گی اسس کے بر عکس کواں کی نصف چوڑائی تک اضط سراب کی وسعت کی صورت مسین مشکل 3.6 ہوگا۔

$$E_n^1 = \frac{2V_0}{a} \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{n\pi}{a}x\right) dx = \frac{V_0}{2}$$

اب توانائی کی ہر سطح  $\frac{V_0}{2}$  اوپر اٹھتی ہے ہے۔ عن الباً بالکل ٹھیک بتیجہ نہیں ہے اسٹ ناول رہ ہے۔ تخسین کی نقطہ نظرے معقول جو اب ہے۔

مساوات 9.6 ہمیں توانائی کی اول رتبی تھیج دیتی ہے تف عسل موج کے لئے اول رتبی تھیج حسامسل کرنے کی عنسرض سے ہم مساوات 7.6 کو درج ذیل روپ مسیں لکھتے ہے

$$(H^0 - E_n^0)\psi_n^1 = -(H' - E_n^1)\psi_n^0$$

ایب ان کوئی کی چینز لامت نابی حپکور کنوال کی خصوصیات پر مخصر نہیں ہے المب ذایجی کچھ کسی بھی مخفیہ کے لیے مستقل اضط راب کی صورت مسین درست ہوگا

چونکہ اسس کا دایاں ہاتھ ایک معسلوم تف عسل ہے اہنے ذاہیہ  $\psi_n^1$  مسین ایک عنیبر متحب نسس تف رقی مساوات ہے اب عنیبر مضط سرب تف عسل کی طسر ت $\psi_n^1$  کو سالہ دیتے ہیں البذا کسی بھی تف عسل کی طسر ت $\psi_n^1$  کو ان کا خطی جو رُلکھ جب اسکتا ہے

$$\psi_n^1 = \sum_{m 
eq n} c_m^{(n)} \psi_m^0$$

 $psi_n^1$  اگر  $psi_n^1$  مساوات  $psi_n^1$  کو مطمئن کر تا ہوں تب کی بھی متقل  $\alpha$  کے لیے  $(\psi_n^1 + \alpha \psi_n^0)$  بھی اس مساوات کو مطمئن کرے گالبہ ذاتہ مسبور و  $\phi_n^0$  کو منٹی کر کتے ہیں ایسے ہی کرتے ہوئے مساوات  $c_m^{(n)}$  تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات  $c_m^{(n)}$  تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات  $c_m^{(n)}$  مطمئن کرتے ہیں درج ذبل حساس کرتے ہیں درج دبل حساس کرتے ہیں دبل حساس کرتے ہیں درج دبل

$$\sum_{m \neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \psi_m^0 = -(H' - E_n^1) \psi_n^0$$

 $\psi_{I}^{0}$  کے ساتھ اندرونی ضرب کیتے ہیں  $\psi_{I}^{0}$ 

$$\sum_{m\neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \langle \psi_l^0 | \psi_m^0 \rangle = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_l^0 | \psi_n^0 \rangle$$

اگر n=l ہوتہ بایاں ہاتھ صف ہوگا اور جمیں دوبارہ مساوات 9.6 ملے گی اگر  $n\neq 1$  ہو تو درج ذیل ہوگا

$$(E_l^0 - E_n^0)c_l^{(n)} = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle$$

١

(1.17) 
$$c_m^{(n)} = \frac{\langle \psi_m^0|H'|\psi_n^0\rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

لہنے ذاادرج ذیل حساص<sup>ل</sup> ہوگا

$$\psi_n^1 = \sum_{m \neq n} \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle}{(E_n^0 - E_m^0)} \psi_m^0$$

جب تک فیسر مفط سرب تو انائی طیف غیسر انحطاطی ہو نسب نما کوئی م سئلہ کھٹڑا نہیں کرے گا (چو کلہ کمی بھی عصد دی سرکے لئے m=n نہیں ہوتا) پاں اسس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں اس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں ایک دوسرے جتی ہو تب مساوات 12.6 مسیں نسب نما مسیں صف ریا جب گا جو ہمیں معیب مسیب مسیب میں فررک یا گا ایک صورت مسین انحطاطی نظر سے اضط سراب کی خرورت پیش آئے گی جس پر حصہ 2.6 مسین غور کسیا حب کے گا یوں اول رتبی نظر رہے اضط سراب مکسل ہوتا ہے تو انائی کی اول رتبی تصبح کے  $E_n^1$  مساوات  $E_n^2$  جب جب کہ

سوال ۲۱: منسر ض کرے ہم لامت ناہی حپ ورکنواں کے وسط مسیں  $\delta$  تفعملی موڑاؤالتے ہیں

$$H' = \alpha \delta(x - \frac{a}{2})$$

جہاں α ایک متقل ہے

ا۔ احباز تی توانائیوں کی اول رتبی تصبح تلاسٹ کریں بت مئیں کہ جفت 1 کی صورت مسیں توانائیاں مضطرب کیوں نہیں ہوگی

... زمینی حسال کی تصبح  $\psi_1^1$  کی مساوات مساوات 13.6 کی پھیلاو مسین ابت دائی تین غیبر صف راحب زاء تلاسش کریں

سوال ۲۰۴: بار مونی مسر تغتش  $[V(x)=rac{1}{2}kx^2]$  کی احب زتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \left(n + \frac{1}{2}\right)\hbar\omega \qquad (n = 0, 1, 2, \cdots)$$

جہاں  $\omega=\sqrt{k/m}$  کیا تھے دہے اب مشیرض کرے مقیاس کی تعددے الب مشیری کی تعددے الب مشیری کی رونس ہوتی ہوگئے ہے  $\omega=\sqrt{k/m}$ 

ا. (الف) نہیں توانائیوں کی بالکل ٹھیک ٹھیک قیمتیں حاصل کرے آپ نے کل ہے کو دوم رتب تک € کی طب قتیں تسل میں پیسلائیں طب قتیں تا میں پیسلائیں

ب. اب مساوات 9.6 استمال کرتے ہوئے توانائی مسیں اول رتبی اضطراب کا حساب لگائیں یہاں 'H' کسیا ہوگا اپنے نتیج کا حبزو(الف) کے ساتھ مواز نہ کرے امشارہ: نئے کمل کی قیمت کے حصول کی نا ضرورت اور نہ احسازت ہے

ووال ۲۰.۳: ایک لامتنانی حپکور کنوال مساوات 19.2 مسیں دویک ال یوسن رکھے حباتے ہیں ہے مخفیہ  $V(x_1,x_2)=-aV_0\delta(x_1-x_2)$ 

جہاں  $V_0$  ایک مستقل ہے جس کابعہ توانائی ہے اور a کنواں کی چوڑائی ہے کے ذریعے ایک دوسسرے پر بہت معمولی اثر انداز ہوتے ہیں

ا. پہلی و ت دم مسیں ذرات کے باہمی اثر کو نظر رانداز کرتے ہوئے زمین نی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے تغساعسلات موج اور مطالقتی تو انائسیاں تلاسٹس کریں

ب. اول رتبی نظسری اضطسراب استعمال کرتے ہوئے زمسینی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے توانا یُوں پر ذرات کے باہمی اثر کا تخسین اول رتبی نظسری اضطسراب سے دریافت کریں

۲.۱.۳ دوم رتبی توانائیان

يېسال بھي ائ طسرح بڑھتے ہوئے ہم  $\psi_n^0$  اور دورتج مساوات مساوات 8.6 کااندرونی ضرب لیتے ہیں

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle + E_n^2 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$$

 $H^0$  کی ہر مشی پن کوبروئے کارلاتے ہیں  $H^0$ 

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle$$

الهندابائيں ہاتھ كاپېلاحب زودائيں ہاتھ كے پہلے حبزوكے ساتھ كرے جائے گاساتھ كى  $\psi_n^0|\psi_n^0
angle > 0$  ہو گالهندا جارے ياسس  $E_n^0$  كادرى ذيل كلي رەحباتا ہے

(1.16) 
$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle - E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

m=n شاہم مجبوعہ میں m=n شاہدا m=n

$$\langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = 0$$

ہو گاجس کی بن

$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle = \sum_m m \neq n \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

باآحن ركار

(1.12) 
$$E_n^2 = \sum_{m \neq n} \frac{\left| \langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \right|^2}{E_n^0 - E_m^0}$$

ہو گاجو دورتی نظسرے اضطسراب کابنیادی نتیجہ ہے۔

اگر پ ہم ای طسرح آ گے بڑھتے ہوئے تف عسل موج کی دوم رتبی تھیج 4 توانائی کی سوم رتبی تھیجے وغیب رہ وغیب رہ حساس کر سکتے ہیں لیسکن عملاً اسس ترکیب کو صرف مساوات 6۔15 تک استعمال کرنا سود مسد ہوگا۔ سوال ۲۰۸۴:

ا. توانائیوں کی دوم رتبی تصبح ( $E_n^2$ ) سوال 1.6 کی مخفیہ کے لیے تلاشش کریں۔ تبصیرہ: آپ تسلسل کا محبموعہ صریحاً  $-2m(\alpha/\pi\hbar n)^2$  حساس کر کے طاق n کیلئے عیں۔

بالکل کے لئے دوم رتبی تصبح  $E_n^2$  سوال 2.6 کے مخفیہ کے لئے تلاسٹس کریں۔ تعب کا کہ آپ کا نتیجہ بالکل درست نتیجہ کے مطابق ہے۔

سوال ۲۰۵: ایک ایسے باردار ذرہ پر غور کریں جو یک بعب دی ہار مونی ارتعتاثی مخفیہ مسین پایا حباتا ہو۔ منسر ض کریں ہم ایک کمسنزور برقی میدان (E) حپالو کرتے ہیں جس کی بت مخفی توانائی مسین H' = qEx مقتدار کی تبدیلی پیدا ہوتی ہے۔

ا. د کھائیں کہ توانائیوں کی دوسطحوں مسیں کوئی اول رتبی تب یلی پیدا نہیں ہو گی۔ دورتبی تھیج تلاسٹس کریں۔ امشارہ: سوال 33.3 دیکھیں۔

 $x' \equiv x - (qE/m\omega^2)$  استعال کرتے ہوئے موجودہ صورت مسیں مشروذ گر مساوات کو بلا واسطہ حسل کی جب سکتا ہے۔ ایس کرتے ہوئے ٹھیک ٹھیک توانائیاں تلاسش کر کے دکھائیں کہ یہ نظے رہے اضطحراب کی تخمین کے مطابق ہے۔

#### ۲.۲ انحطاطی نظری اضطراب

اگر غنیسر مضط سرب حسالات انحطاطی ہوں لینی دویا دوسے زیادہ منفسر د حسالات  $\psi_a^0$  اور  $\psi_b^0$  کی توانائیاں ایک  $E_a^2$  عنیں ہوں تب سادہ نظسری اضط سراب غنیسر کارآمد ہوگا چونکہ  $c_a^{(b)}$  مساوات 12.6 اور  $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$  مساوات 15.6 بین شاید ماسوائے اسس صورت جب شمیار کنندہ صف رہو  $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$  اور جس کو ہم بعب دسین استعال کریں گے۔ یوں انحطاط صورت میں ہمیں توانائیوں کی اول

رتبی تصحیح مساوات 9.6 پر بھی یقین نہیں کرنا دیا ہے اور ہمیں مسئلے کا کوئی دو سے راحسل ڈھونڈنا ہو گا۔

ا.۲.۲ دویرٔ تاانحطاط

درج ذیل منسرض کریں جہاں  $\psi^0_a$  اور  $\psi^0_h$  معمول شدہ ہیں۔

(1.11) 
$$H^0\psi^0_a = E^0\psi^0_a, \quad H^0\psi^0_b = E^0\psi^0_b, \quad \langle \psi^0_a | \psi^0_b \rangle = 0$$

دھیان رہے کہ ان حسالات کاہر خطی جوڑ

$$\psi^0 = \alpha \psi_a^0 + \beta \psi_b^0$$

بھی  $H^0$  کاامتیازی سال ہو گاجس کاامتیازی و تدر  $E^0$  بھی وہی ہو گا

$$H^0\psi^0 = E^0\psi^0$$

عام طور پر اضط راب (H') انحطاط کو "توڑے" (یا "منسوخ" کرے) گا جیسے جیسے ہم  $\lambda$  کی قیمت صنسرے ایک کی طرون پر اضط سراب و ایک عنسان کے بین مضل کے بین منظ سرب تو انائی کے اگر ہم اضط سراب کو بت لین صنسر کر دیں تب بالائی حسال کا تخفیف  $\psi_b^0$  اور  $\psi_b^0$  اور  $\psi_b^0$  اور  $\psi_b^0$  ایک خطی جوڑ مسیں ہو گا جب ذیریں حسال کا تخفیف کی دو سرے عصودی خطی جوڑ مسیں ہو گا تاہم ہم قب از وقت نہیں حبان سے بین کہ جب موزوں خطی جوڑ کیا ہوں گے چو نکہ ہم غیب مضل میں مضط سرب حسالات نہیں حبائے بین لہ نہیں وجب ہے کہ ہم اول رہی تو تانائیاں مساوات 6.9 کاحب نہیں کر سے بیں

ای لیے ہم ان موزوں عنی مصطرب حسالات کونی الحسال عصومی روپ مساوات 17.6 مسیں لکھتے ہیں جہاں م

ور  $H=H^0+\lambda H'$  اور

(1.r•) 
$$E = E^0 + \lambda E^1 + \lambda^2 E^2 + \cdots, \quad \psi = \psi^0 + \lambda \psi^1 + \lambda^2 \psi^2 + \cdots$$

کیلئے حسل کرنا چیاہے ہیں انہیں مساوات 19.6 مسیں پر کر کے پہلے کی طسر ت کر کی ایک حبیبی طباقت وں کو اکٹھ ا کر کے درج ذیل حساس ابو گا

$$H^0\psi^0 + \lambda(H'\psi^0 + H^0\psi^1) + \dots = E^0\psi^0 + \lambda(E^1\psi^0 + E^0\psi^1) + \dots$$

اب  $\psi^0 = E^0$  مساوات 18.6 کی بین احب زاءایک دو سرے کے ساتھ کئے جب کہ  $H^0$  مساوات کا بین احب زاءایک دو سرے کے ساتھ کئے جب کہ کہ رتب کے لیے در بن ذیل ہو گا

(1.71) 
$$H^0\psi^1 + H'\psi^0 = E^0\psi^1 + E^1\psi^0$$

 $\psi_a^0$  اندرونی ضرب کیتے ہیں  $\psi_a^0$  اندرونی ضرب کے ساتھ

$$\langle \psi_a^0 | H^0 \psi^1 \rangle + \langle \psi_a^0 | H' \psi^0 \rangle = E^0 \langle \psi_a^0 | \psi^1 \rangle + E^1 \langle \psi_a^0 | \psi^0 \rangle$$

چونکہ  $H^0$  ہرمشی ہے المہذا بائیں ہاتھ پہلا حبزو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کے ساتھ کٹ حبائے گامساوات 17.6 کو استعمال کرتے ہوئے اور معیاری عسودیت کی شرط مساوات 17.6 کوبروئے کارلاتے ہوئے

$$\alpha \langle \psi_a^0 | H' | \psi_a^0 \rangle + \beta \langle \psi_a^0 | H' | \psi_b^0 \rangle = \alpha E^1$$

يامختصراً

$$\alpha W_{aa} + \beta W_{ab} = \alpha E^1$$

حساصل ہو گاجہاں درج ذیل ہو گا

(1.rr) 
$$W_{ij} \equiv \langle \psi_i^0 | H' | \psi_j^0 
angle, \quad (i,j=a,b)$$

اسی طسرح  $\psi_b^0$  کے ساتھ اندرونی ضرب درج ذیل دے گا

$$\alpha W_{ba} + \beta W_{bb} = \beta E^1$$

وھیان رہے کہ اصولاً ہمیں تمسام W معساوم ہے چو نکہ ہے عنہ مضط سرب تغساع سلات موج  $\psi^0_a$  اور  $\psi^0_b$  کے لیاظ ہمیں تمسام W معساوات  $W_{ab}$  کے مساوات  $W_{ab}$  کے مساوات  $W_{ab}$  کو مساوات  $W_{ab}$  کو مساوات کر کے درج ذیل حساس ہوگا

(1.5a) 
$$\alpha [W_{ab}W_{ba} - (E^1 - W_{aa})(E^1 - W_{bb})] = 0$$

غير صف ر $\alpha$  کي صورت ميں ماوات 25.6 جميں  $E^1$  کي ماوات و گي

(Y.PY) 
$$(E^1)^2 - E^1(W_{aa} + W_{bb}) + (W_{aa} + W_{bb} - W_{ab}W_{ba}) = 0$$

دودر جی کلیہ استعال کرتے ہوئے اور مساوات 23.6 سے جب نتے ہوئے  $W_{ba}=W_{ab}^*$  ہم درج ذیل اخت ذکرتے ہیں

(1.rz) 
$$E_{\pm}^{1}=rac{1}{2}\Big[W_{aa}+W_{bb}\pm\sqrt{(W_{aa}-W_{bb})^{2}+4|W_{ab}|^{2}}\Big]$$

ی انحطاطی نظری اضطراب کا بنیادی نتیج ہے جہاں دو جندر دو مفطر ب توانا کوں سے مطابقت رکھتے ہیں لیکن صف  $\alpha$  ہوگالہذام اوات 0 کی صورت میں کیا ہوگالہ ورسے میں  $\beta=0$  ہوگالہذام اوات 0 کی صورت میں کیا ہوگالہذام اوات 0 کی خت ورسے بھی اور محقود میں ہوگا ہوگا ہوگا ہے در حقیقت میں دات 0 کی صورت میں ہوگا۔ اس کے میں متی عامت کے ذریع شامل ہے مثبت عملامت  $\beta=0$  ہوگا ہوگا ہوگا۔ اس کے عملاوہ ہمارے جوابات

$$E_{+}^{1} = W_{aa} = \langle \psi_{a}^{0} | H' | \psi_{a}^{0} \rangle, \quad E_{-}^{1} = W_{bb} = \langle \psi_{b}^{0} | H' | \psi_{b}^{0} \rangle$$

گیک وہی ہیں جو ہم غنیر انحطاطی نظری اضطراب سے حساس کرتے ہیں مساوات 9.6 سے محض ہماری خوسش قشک ہماری خوسش قتم ہے حسالات ہوڑ تھے کیا اور  $\psi_a^0$  ہوڑ ہے کہا چھی بات ہوتی اگر ہم آغن از سے موزوں حسالات حبان پاتے ایمی صورت مسیں ہم غنیر انحطاطی نظری افضار اب استعال کر پاتے حقیقت مسیں ورج ذیل مسئلہ کے تحت ہم عصوماً ایسا کریاتے ہیں

مسئلہ ۱۰: فضرض کریں A ایک ایب ہر مثی عسام ہے جو  $H^0$  اور  $H^1$  کے ساتھ متابل تبادل ہے اگر  $H^0$  کے انحفاظی است یازی تقاعب است ہوں جن کے منفسر داست یازی النے اللہ منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال الت دار ہوں التحال ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی تقدیم ہوں جن کے منابعت ہوں جن کر ہوں جن کے منابعت ہوں ہوں جن کے منابعت ہوں جن

$$\mu 
eq 
u$$
 (e.  $A\psi_a^0 = \mu \psi_a^0$ ,  $A\psi_b^0 = 
u \psi_b^0$ 

تب  $W_{ab}=0$  ہوگاہہذا  $\psi^0_b$  اور  $\psi^0_b$  نظریہ اضطہراہہمیں متابل استعمال موزوں حسالات ہوں گے بورے ترمین کر ہے ہیں کہ [A,H']=0 ہوگا جس کے تحت درج ذیل ہوگا

$$\begin{split} \langle \psi_a^0 | [A, H'] \psi_b^0 \rangle &= 0 \\ &= \langle \psi_a^0 | A H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' A \psi_b^0 \rangle \\ &= \langle A \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' \nu \psi_b^0 \rangle \\ &= (\mu - \nu) \langle \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle = (\mu - \nu) W_{ab} \end{split}$$

 $W_{ab}=0$  اب  $u \neq 
u \neq 
u$  ہوگا

H' اور  $H^0$  اور  $H^0$ 

منتخب کرکے سادہ اول رتبی نظر رہے اضطراب بروئے کار لائے ایسا عسامسل تلامش نے کرنے کی صورت مسیں آپ کومساوات 127.6ستعال کرناہوگا جس کی ضرورت عملاً کم ہی پڑتی ہے

$$\psi_{\pm}^0 = \alpha_{\pm}\psi_a^0 + \beta_{\pm}\psi_b^0$$

جہاں  $\alpha_{\pm}$  اور  $\beta_{\pm}$  کو معمول ث دگی تک مساوات 22.6 یا مساوات 24.6 تعسین کرتے ہیں صریحاً درج ذیل وکھائیں

$$(\langle \psi_+^0 | \psi_-^0 
angle = 0)$$
 عسودی ہے  $\psi_\pm^0$  .

جباں 
$$E^1$$
 کی قیمت ساوات 27.6 کی ہے جہاں  $E^1$  کی جہاں  $E^1$  کی جہاں ہوں کے جہاں ہو

L نوال ۱۹.۷: فضرض کرے ایک زرہ جس کی کمیت m ہے اپنے آپ پر بسندیک بعدی خطہ جس کی لمبائی L کا بر آزادی ہے حسر کت کرتا ہے

ا. دکھائیں کے ساکن حالات کودرج ذیل روی مسیں لکھا حباسکتاہے

$$\psi_n(x) = \frac{1}{\sqrt{L}} e^{2\pi i n x/L},$$
  $(-L/2 < x < L/2)$ 

جہاں  $n=0,\pm 1,\pm 2,\ldots$  اور احبازتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \frac{2}{m} \left( \frac{n\pi\hbar}{L} \right)^2$$

دھیان رہے کہ زمینی حسال n=0 کے عساوہ تمسام حسالات دہر اانحطاطی ہے

ب. منرض كرين بم اب اضطراب

$$H' = -V_0 e^{-x^2/a^2}$$

متعارف کرتے ہیں جہاں  $a \ll L$  ہو ہو ہوں معمولی جھاوٹ پیدا کرتا گویا تار کو یہاں مصرور اللہ متعارف کرتے ہیں جہاں  $a \ll L$  ہوں مساوات 127.6 ستمال کرتے ہوئے  $a \ll L$  کی اول رتبی تصحیح تلاسٹ کریں اضارہ: چو نکہ  $a \ll L$  کا خطب کہ کہ جہار تقت ریب اصغت رہے اور  $a \ll L$  کے بہر تقت ریب اصغت رہے اور  $a \ll L$  کی بجب کے حصیل  $a \ll L$  کی بجب کے حصیل  $a \ll L$ 

ج. اسس مسئلہ کے لئے  $\psi_n$  اور  $\psi_n$  کی موزوں خطی جوڑ کیا ہوں گے دکھائے کہ ان حسالات کے ساتھ آپ کو مساوات 0.6 استعال کرتے ہوئے اول رقتی تصبح حساس ہوگی

و. ایس ہر مشی عب مسل A تلاشش کریں جو مسئلہ کے مشرائط پر پورا اترتا ہو د کھے ئیں کہ  $H^0$  اور A کے بیک وقت استیازی حسالات گھیک وہی ہے جو آپ نے حسن وہ مسیل استعال کیے

۲.۲.۲ بلن در تبی انحطاط

گزشته ههه مسین انحطاط کو دو پژ تاتصور کپاگسیا تا ہم ہم دیکھ سکتے ہیں کہ اسس ترکیب کو کسس طسرح عب و می بن ایاحب سکتا ہے مب اوات 22.6 اور 24.6 کو ہم دوبارہ ت البی روپ مسین لکھتے ہیں

$$\begin{pmatrix} W_{aa} & W_{ab} \\ W_{ba} & W_{bb} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} = E^1 \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$$

ظ میں ہے کہ  $W \in W$  و تالب کے استیازی اقتدار ہیں مساوات 126.6س متناب کی استیازی مساوات ہے اور غنیبر مضط منط میں مضاف کے استیازی سمتنات ہوں گے متعالم ہونہ کی جوڑ W کے استیازی سمتنات ہوں گے

 $n \times n$  تا انحطاط کی صورت مسیں  $n \times n$  ت الب

(1.79) 
$$W_{ij} = \langle \psi_i^0 | H' | \psi_j^0 
angle$$

کے امتیازی افتدار تلاش کرتے ہیں الجبراکی زبان مسیں موزوں عنیسر مضطسر بے تفاعسلات موج کی تلاش سے مسراد انحطاطی ذیلی نصنا مسیں ایسا اساسس شیار کرنا ہے جو وشال W کو وتری بسناتا ہو یہاں بھی ایک ایسا عاسل A تلاشش کر کے جو اللا کا استابل ہو A اور اللا کے بیک وقت امتیازی تفاعسلات استعال کرکے ہم وارت کو اور اللا کے بیک وقت امتیازی مساوات حسل کرنے کی ضرورت کر کے ہم وشالب ندا آپ کو امتیازی مساوات حسل کرنے کی ضرورت پیش نہیں آئی گی اگر آپ کو مسیری دوپڑتا انحطاط کو عسومیت دیے ہوئے n پڑتا انحطاط پر یقین سنہ ہوتیہ سوال 10.6 حسل کرکے ان تسلی کرلیں

مثال ٢٠٢: تين آبادي لامتنابي تعبى كنوال سوال 2.4 پرغور كريں

$$V(x,y,z) = \begin{cases} 0, & 0 < x < a, \ 0 < y < a, \ 0 < z < a,$$

ساكن حسالات درج ذيل ہيں

$$\psi^0_{n_xn_yn_z}(x,y,z) = \left(\frac{2}{a}\right)^{3/2}\sin(\frac{n_x\pi}{a}x)\sin(\frac{n_y\pi}{a}y)\sin(\frac{n_z\pi}{a}z)$$

جباں  $n_y$  ،  $n_x$  اور  $n_z$  مثبت عبد دصحیح ہیں ان کی مطابقتی احب زتی تواناسیاں درج ذیل ہیں  $n_y$ 

(1.rr) 
$$E^0_{n_x n_y n_z} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2ma^2} (n_x^2 + n_y^2 + n_z^2)$$

دھیان رہے کہ زمینی حسال  $\psi_{111}$  عنی رانحطاطی ہے جس کی توانائی درج ذیل ہے

(1.rr) 
$$E_1^0 \equiv 3\frac{\pi^2\hbar^2}{2ma^2}$$

تاہم پہلاہیجان حسال تہسراانحطاطی ہیں

(1.5°) 
$$\psi_a \equiv \psi_{112}, \quad \psi_b \equiv \psi_{121}, \quad \psi_c \equiv \psi_{211}$$

اور ان تسینوں کی توانائی

(1.50) 
$$E_1^0 \equiv 3 \frac{\pi^2 \hbar^2}{ma^2}$$

ایک دوسری حبیبی ہے۔ آیئے اب درج ذیل اضطسراب متعبار ف کرتے ہیں

(1.77) 
$$H' = \begin{cases} V_0, & 0 < x < a/2, \ 0 < y < a/2 \\ 0, & \text{i.i.} \end{cases}$$

جوڈ ب کے ایک چوبھتائی حصہ مسیں مخفیہ کو  $V_0$  مقد دار بڑھاتا ہے مشکل 5.6 زمسینی حسال توانائی کی ایک رتبی تھیج مساوات 0.9 دیتی ہے

$$\begin{split} E_0^1 &= \langle \psi_{111}|H'|\psi_{111}\rangle \\ &= \left(\frac{2}{a}\right)^3 V_0 \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{\pi}{a}x\right) \mathrm{d}x \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{\pi}{a}y\right) \mathrm{d}y \int_0^a \sin^2\left(\frac{\pi}{a}z\right) \mathrm{d}z \\ (1.72) &= \frac{1}{4} V_0 \end{split}$$

جو ہمارے توقعات کے عسین مطابق ہے اول ہیجبان حسال حبائے کے لیے ہمیں انحطاطی نظسر سے اضطہراب کی پوری صلاحیت در کار ہوگی پہلے متدم مسیں ہم متالب W شیار کرتے ہیں اسس کے وتری ارکان وہی ہونگے جو زمسینی حسال کے ہیں ماسوائے ان مسین سے ایک سائن جس کادلیاں دگن ہے آب درج ذیل کی خو د تصدیق کرسے ہیں

$$W_{aa}=W_{bb}=W_{cc}=\frac{1}{4}V_0$$

غىپ روترى اركان زياده دلچىپ ہے

$$W_{ab} = \left(\frac{2}{a}\right)^{3} V_{0} \int_{0}^{a/2} \sin^{2}\left(\frac{\pi}{a}x\right) dx$$
$$\times \int_{0}^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) \sin\left(\frac{2\pi}{a}y\right) dy \int_{0}^{a} \sin\left(\frac{2\pi}{a}z\right) \sin\left(\frac{\pi}{a}z\right) dz$$

تاہم 2 تکمل صف رہو گاجیب  $W_{ac} = W_{ac}$  تاہم کے اللہ خوارج ذیل ہوگا

$$W_{ab} = W_{ac} = 0$$

الغـــرض درج ذيل ہو گا

(١٣٨) 
$$W_{bc} = \left(\frac{2}{a}\right)^3 V_0 \int_0^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}x\right) \sin\left(\frac{2\pi}{a}x\right) dx$$

$$\times \int_0^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) dy \int_0^a \sin^2\left(\frac{\pi}{a}z\right) dz = \frac{16}{9\pi^2} V_0$$

$$= \kappa \equiv (8/3\pi)^2 \approx 0.7205$$

$$= \kappa \equiv (8/3\pi)^2 \approx 0.7205$$

(1.179) 
$$\mathbf{W} = \begin{pmatrix} W_{aa} & W_{ab} & W_{ac} \\ W_{ba} & W_{bb} & W_{bc} \\ W_{ca} & W_{cb} & W_{cc} \end{pmatrix} = \frac{V_0}{4} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \kappa \\ 0 & \kappa & 1 \end{pmatrix}$$

ت ال W بلکہ 4W/V<sub>0</sub> جس کے ساتھ کام کرنازیادہ آسان ہے کی امت بازی مساوات ضمیہ ا. ۵ کے تحت

$$\begin{vmatrix} 1 - w & 0 & 0 \\ 0 & 1 - w & \kappa \\ 0 & \kappa & 1 - w \end{vmatrix}$$

لعيني

$$(1-w)^3 - \kappa^2(1-w) = 0$$

ہو گی جس کے امت میازی افت دار درج ذیل ہو نگے

$$w_1 = 1; \quad w_2 = 1 + \kappa \approx 1.7205; \quad w_3 = 1 - \kappa \approx 0.2795$$

یوں  $\lambda$  کے اول رہیب تک درج ذیل ہو گا

(1.7.) 
$$E_1(\lambda) = \begin{cases} E_1^0 + \lambda V_0/4 \\ E_1^0 + \lambda (1+\kappa) V_0/4 \\ E_1^0 + \lambda (1-\kappa) V_0/4 \end{cases}$$

 من بید موزوں غیسر مفتط رہے حسالات درج ذیل روپ کے خطی جوڑ ہو گئے

 $\psi^0 = \alpha \psi_a + \beta \psi_b + \gamma \psi_c$ 

جہاں عبد دی سر (  $\gamma$  اور  $\gamma$  ) وتالب  $\mathbf{W}$  کے استیازی سمتیات ہوں گے

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \kappa \\ 0 & \kappa & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \gamma \end{pmatrix} = w \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{pmatrix}$$

 $eta=\pm\gamma=1/\sqrt{2}$  ، lpha=0 کے لیے  $w=1\pm\kappa$  جب  $eta=\gamma=0$  ، lpha=1 کے لیے w=1 جب  $\gamma=0$  ،  $\gamma=0$ 

(1.77) 
$$\psi^0 = \begin{cases} \psi_a \\ (\psi_b + \psi_c)/\sqrt{2} \\ (\psi_b - \psi_c)/\sqrt{2} \end{cases}$$

سوال ۲۰۸۱: لامت نابی کعبی کنوال مب وات 30.6 مسین نقط (a/4, a/2, 3a/4) پر ڈیاٹ اقف عسلی موڑا:

(1.7°) 
$$H' = a^3 V_0 \delta(x - a/4) \delta(y - a/2) \delta(z - 3a/4)$$

ر کھ کر کنواں کو مضطب رہے کہا جاتا ہے۔ زمسینی حسال اور تہسراانحطاطی اول ہیجبان حسالات کی توانائیوں مسین اول رتبی تصحیح تلامش کر من

سوال ۲۰۹: ایک ایسے کوانٹ کی نظام پر غور کریں جس مسیں صرف تین خطی غیسر تائع حسالات پائے حباتے ہوں مسسر ض کریں ہتا ہی رویے مسیں اسس کا ہیملٹنی درج ذیل ہے

$$\mathbf{H} = V_0 \begin{pmatrix} (1 - \epsilon) & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \epsilon \\ 0 & \epsilon & 2 \end{pmatrix} = \underbrace{V_0 \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}}_{H^0} + \underbrace{\epsilon V_0 \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}}_{H'}$$

 $\epsilon \ll 1$  ایک متقل ہے اور  $\epsilon \ll 1$  کوئی چھوٹاعب در  $V_0$  ہے۔

ا. عنی رمضط ریب جیملننی ( $\epsilon=0$ ) کے است یازی سمتیات اور است یازی افت دار کھیں

... وتالب  $\mathbf{H}$  کہ بالکل شیک است یازی انت دارے کئے حسل کریں ان مسیں ہے ہر ایک کو  $\epsilon$  کی صورت مسیں دوم رتبہ تک طب وقت ت تسلل کی روپ مسیں پھیلائیں

ج. اول رتبی اور دوم رتبی غیب رانحطاطی نظب ریب اضطبراب استعال کرتے ہوئے اسس حسال کی است یازی متدر کی تخمینی قیب قیب تلامش کریں جو  $H^0$  کے غیب رانحطاطی است یازی سمتیہ سے پیدا ہو تا ہے آپ نے جواب کا حبزو-اکے بالکل شمیک جواب کے ساتھ موازے کریں

د. اہت دائی طور پر انحطاطی دوامت یازی افت دار کی اول رتبی تنصح کو انحطاطی نظر یائے اضطراب سے تلاسٹس کریں بالکل ٹھیک نتائج کے ساتھ مواز نے کریں

سوال ۱۰.۱: سمیں دعویٰ چکاہوں کہ n پڑتا انحطاطی توانائی کے اول رتبی تھیج متالب W کے استیازی اقتدار ہوں گے مسیں نے دعویٰ کیا کہ سے N سے اسس کو ثابت کرنے کے لئے، حمدے 1.2.6 میں میں پر پس کر درج ذیل سے آغناز کرکے متعدموں پر پس کر درج ذیل سے آغناز کرکے

$$\psi^0 = \sum_{j=1}^n \alpha_j \psi_j^0$$

(مساوات 17.6 کوعت مومیت دیتے ہوئے) د کھائیں کہ مساوات 22.6 کے مماثل کامفہوم متالب W کی امتیازی وتدرمساوات لیا حیاسکتا ہے۔

## جوابات

## ف رہنگ \_\_\_

54relation, allowed 26energies, energy 51 argument, 22allowed, Bessel 31 conservation, 99 function, spherical 13ensemble, 107energy,binding expectation Bohr 6value. 106radius, formula 106formula,Bohr 16Broglie,De 25 conditions, boundary Fourier 98term,centrifugal 52transform,inverse 83 states, coherent 52transform, 4collapses, Frobenius commutation 45method, function 36relation, canonical 90relations, canonical 59delta,Dirac 36commutator, generalized 28complete, 59 distribution, 77continuous, 59 function, 90continuum, generating coordinates 50 function, 91 spherical, generator 3interpretation,Copenhagen 86space,intranslation 75degenerate, 86time.intranslation delta Gram-Schmidt 28Kronecker. 79process,orthogonalization Dirac 21 Hamiltonian, 80orthonormality, harmonic 77discrete, 25oscillator, dispersion المار المارية المارية

3realist, 113Helium, 12potential, Hermitian 97effective, 40conjugate, 3 variables, hidden probability 8density, 2indeterminacy, quantum ladder 105number,principle 38operators, numberquantum Laguerre 96azimuthal, 108polynomial, associated 96magnetic, 108polynomial, 99numbers,quantum 90Laplacian, law 97equation,radial 34Hooke, recursion Legendre 46 formula, 94associated, reflection linear 64coefficient, 22 combination, 73time,revival 113Lithium, Rodrigues 49 formula, 6mean, 94formula,Rodrigues 6median, Rydberg 14momentum, 113 constant, 113 formula, Neumann 99 function, spherical Schrodinger 27node, 20time-independent, 10normalization. 1align,Schrodinger series 14operator, 113Balmer, 38lowering, 28Fourier. 38raising, 113Lyman, 27orthogonal, 113Paschen, 28orthonormal, 35power, Planck's 34Taylor, 113 formula, spherical 96harmonics, polynomial 11 square-integrable, 48Hermite, 7deviation,standard position 3agnostic, state 58bound, 3orthodox,

ىنىرەنگى 149

<b>7</b>	
ات	27excited,
83، ـــالا ـــــ	107,27 ground,
احبازي	58 scattering,
توانائياں،26	statistical
استمراری،77	2interpretation,
استمرار ہے،90 اصول	66 function, step
	theorem
عب م یقینیت،16 انتشاری	28Dirichlet's,
ر شنه،54 ر شنه،54	15Ehrenfest,
انحطاطي،75	52Plancherel,
انعكاس الغكاس	112transition,
شرح،64	transmission
اوسطء6	64coefficient,
<b>02</b> 5	65,58tunneling,
بقب	58points,turning
ِ توانائي، 3 1	
بق توانائی، 31 بت. شی توانائی، 107	16principle,uncertainty
لوبر	
ردانسس،106 کلیه،106 ببیل ببیل	variables
المسية 106،	19of,separation
بييل	7variance, velocity
ڪروي تقن عسل،99	
Ku	54group, 54phase,
پلانک کلیہ، 113 پیداکار فصن مسیں انتقال کا، 86	5 <del>4</del> рна <b>sc</b> ,
113,	wave
پیسے ۱۹۱۸ فه نیامت پیانته پیران کا ۹۶	64incident,
وقت مسين انت ال	52packet,
سه ۱ اکار	64reflected,
پيداکار تف <sup>ع</sup> ل،50	64transmitted,
50 <b>0</b> -	1 function,wave
تب د لی	16wavelength,
باضابط، رسشته، 36	
باضسابط، رہنے، 90	
تبادل كار،36	
تحبدیدی عسر مسے، 73	
تر کیل	
<u>ش</u> رح،64	
ترشيل شده،64 تسلس بالمسير،113	
بالمسر، 113	
ياسشن،113	

ب کن	شيار،34
	ھير،34 طب قت ي 35
حالات، 21	
سرحىدى پشرائط، 25	<b>فوریت</b> ر،28
سِرنگ زنی،65،58	ليمــان، 113 تڼه ـ
را، 13	"غيبريت،7 تفعل
سوچ	<del>_</del>
انکاری، 3	ۇيك،59 
تقليد پسند، 3	تف <sup>اعب</sup> ل موج، 1
حقیقت پسند، 3	توالی کلیہ،46 توانائی احبازتی،22 توقعاتی توقعاتی
سيز هي عب ملين،38	46، ـــــ الله الله الله الله الله الله الل
عب ملين، 38	توانانی ی
سير هي تف عسل 666	احبازلي،22
,	توقعي بي
ث رود نگر	6، ي
غيب رتائع وقب 20،	
ڪروڙِ نگر تصوير ڪئي،86	جف <u>۔</u>
شروژنگرمساوات، 1	تف ك ،24
شمسارياتی مفهوم، 2	(4
	حب ال بخصيراو،58
طول موج،113،16	بھسراو،58 بمسنہ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔
( .	زمىيىنى،107،27
عبامب المبال	مقب 58،
تقليل،38	هيجبان، 27
رفعت،38	خط دم ده
عــبور،112 عــدم تعــين،2	خطی جوڑ،22 خفیبے متخب رات،3
عبدم سين،2	هنگ مشرات، 3
عب رم يقينيت اصول، 16	دلىيار،51
عت ده،27 علیم د گی متغییرات ،19	51,0=
	ڈیرا <b>ک</b>
عبودي،27	دیرات معیاری عب ودیت، 80
معياري،28	ثباره سور <u>ي</u> .
ء ما	؛ وليك كرونبيكر،28
غيبرمسلسل77،	20.7 . 77
منهروبنيوسس	رداسی مساوات،97
ت وبيوسن	رڈبرگ،113
ر پیب ،	كلب، 113
تر كيب 45، فوريت الب بدل،52	رڈبر گے۔،113 کلیے،113 رفت ار دوری سمتی،54
ان <u>ٽ</u> برن،52 بدل،52	دوري مستى،54
بدن: ۵۷۰	کروہی سنتی،54
ت بل تكامسل مسر بع ،11	روڈریگئیس کلسیہ،94
ت.ن هم المسارية المس المسارية المسارية ا	روور شین کله م۵۷
ت دن	74· <b>~</b>

ن رہنگ الما

مسر کز گریز حبزو،98 مسئله امرنفسٹ،15 پلانشسرال،55 ڈرشلے،28 معمول زنی،10 رق بی ا معیار حسر ک**ت**،14 معياد سرس، ۱۳۰۰ معياري المحسران 28، معياري المحسران 37 معلى 28، موج آمدي، 64، منتاس منتاس 64، منعکس،64 موجی اکثر،52 كوانٹ ائى اعب داد، 99 لواست اد دو دو کوانستائی عبد د اسمتی ،96 مقت طبیی ،96 کوپن ہیسگن مفہوم ، 3 والپی نقساط،58 وسطانیہ،6 ہارمونی مسر تعش،25 ہرمثی جوڑی دار،40 ہیسے زنسبر گل تصویر کثی،86 لاپلاس،90 لاگنج ششریک کشیدر کن،108 ہیلیم،113 لتحيم، 113 ليژانڈر شريک ،94 ہیملٹنیٰ، 21 متعم تفعس ،59 تعسیم ،59 محسد د کنیه ،12 موژر ،97 مسر تعش بار مولی ،25