كوانتم ميكانسيات

حنالد حنان يوسفزني

باسے کاسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

٢٠٢٨ جولائي ٢٠٢١

# عسنوان

vii	پہلی کتاب کادیباح <b>پ</b>	بری	مر
	ے عسل موج		
1		ىف 11	1
1		1.1	
۵		1.1 1 m	
۵	احستال نام مسلمل متفسيرات اسلا غني مسلمل متفسيرات	1.7	
9	۱۳.۴ ایشراری متغییرات		
15	•	۱ ۳	
10		1.0	
14		1.4	
۲۱	پىر تابىغ وقىيەپ شىر دۈڭگرمىپادات	غسب	۲
۲۱	- من الا <b>ت</b>	۲.۱	
۲۷	ا لامت نائى حپ ور کنوال	۲.۲	
٣٩	• 🗓 •	۳٫۳	
٣٨	ا ۲٫۳ الجبرائی ترکی <b>ب</b>		
ړ∽	۲٫۳٫۲ څليالي ترکيب		
۵۵		۳ ۳	
70		r.a	
Υ <sub>1</sub> γ	۲.۵.۱ مقید حسالات اور بخفسراو حسالات ۲.۵.۱ مقید حسالات مقید می او حسالات ۲.۵.۱ مقید می داد م		
44	۲.۵.۲ وليك القب عسل كنوال		
۷۵		۲.4	
۸۵	ب د وضوابط	قواعه	٣
۸۵	مرمشی عسام سل کے امت بیازی تف <sup>ع</sup> سل	۳.۱	
۸۵	ا.ا.۳ عني رمسلل طيف		
۸۷	۳.۱.۲ استمراری طیف ً		

iv

	<u>.</u>	
91	۳.۲ متعمم شمساریاتی مفهوم	
914	۳٫۳ اصول عب دم یقینیت	
90	ا ۳٫۳۰ اصول عبد م یقینیت کا ثبوت	
91	۳٫۳٫۲ کم سے کم عب م یقینیت کاموجی اکٹھ	
99	۳٫۳٫۳ توانائی ووقت اصول عبرم یقینیت	
۱۰۳	۳.۴ و گیراک عسلامتیت	
	·	
114	تين ابعب دي کواننم ميکانب	۴
114	۴٫۱ کروی محبد دمسین مب اوات مشرودٔ گر	
119	ا.ا. ۴ علیمبِ د گی متغب رات	
14.	۲۰۱٫۲ زاویانی مساوات	
110	۳۱٫۳۰ ردای مساوا <b>ت</b>	
149	۳.۲	
16.	۲۰۲۱ ردای تف <sup>ع</sup> سل موج	
۲۳۲	۱۰۱۰ باپیدارون کا طبیق ۱۳۶۰ زادیانی معیار حسر کت	
۳	المسريم استيازي الشدار	
۱۴۷	متمث ثل ذرات	۵
	1. B	
16.4	غیب رتابع وقت نظس به اضطهراب عنب منابع وقت نظس به منا	4
۱۳۹ ۱۳۹	۱.۱ عنب رانحطاطی نظت ریب اضطه راب	
10+	۱.۱.۲ عصومی منسابط بسندی	
100	۱۱۱۳ اون کی کسرت کی سیات کی سیات کا می کا استان	
100	۲.۲ انحطاطی نظری اصلحسراب براید داند و با در با در است استان	
١ωω	ابا الحقاق محرك المعارب	
100	تغييرى اصول	۷
100	وكرب تخمين	٨
104	تائع وقت نظسر ب اضطسراب	9
109	حسرارت ناگزر تخسین	
171	ب <i>تفس</i> راو	11
٦٧٣	<i>پ</i> س نوشت	11
۱۲۵	<u></u>	جوامار

172	<u> </u>																										1	الجبر	خطی		I
174	<u> </u>																									نيار	سمد		1.1		
144	<u> </u>																						_	_	اضر،	رونی	اند		۲.1		
144	<u> </u>																					٦	_		لی اس	بديا	تتب		ا.م		
174	<u> </u>												ار	ت	اف	ی	مياز	ت	رام	. اور	_	_ا	ياعر	تقز	إزى	تيا	امد		۱.۵		
172	_																						٢	باد_	تتب	شی	٦,		۱.۲		
179	7																												رہنگ	ٺ	,

# میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومت پاکستان اعسلیٰ تعسیم کی طسر ف توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلے مصر تب اور پہلی مسرتب اعسلیٰ تعسیمی اداروں مسیں تحقیق کار جمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ بیہ سلمہ حباری رہے گا۔ پاکستان مسیں اعلیٰ تعسیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب کوئی درکار ہیں۔ کوئی خیال کوئی کوئی سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حضا طب خواہ کو حشش نہیں گی۔

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وحب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تعتار میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تعتار آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نے لکھنے کاجواز بنانے سے انکار کر دیااوریوں ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین مین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوالے متھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلمسل نصاب کی طسر فسے ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار شس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وط الب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایت سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایران حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات پر ان حضرات کے تاثرات کے تاثرات کے بیاں شامسل کئے دیا تیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر 201<sub>1</sub>

### اب ٢

## غبير تابع وقت نظسر په اضطسراب

٢.١ عنب رانحطاطي نظرب اضطراب

ا.۱.۱ عسمومی ضابط، بندی

فنسرض کریں ہم کسی مخفیہ (مشلاً پک بعیدی لامت ناہی حپ کور کنواں) کے لئے غنیب رتائع وقت مشیر وڈنگر مساوات:

$$H^0\psi^0_n=E^0_n\psi^0_n$$

سلسلہ  $\psi^0_n$  کا تکسل سلسلہ کا تکسلہ کے تکسلہ کا تکسلہ کی تکسلہ کے تکسلہ کی تک تکسلہ کی تک

$$\langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = \delta_{nm}$$

اور ان کی مطب بقتی امتیازی افتدار  $E_n^0$  حساصل کرتے ہیں۔ اب ہم مخفیہ مسیں معمولی اضطہ را بہدا کرتے ہیں (مشلاً کواں کی تہہہ مسین ایک چھوٹا موڑاڈال کر؛ مشکل 6-1) ہم نئے امتیازی تقساعہ مات اور امتیازی افتدار حبانت حہامیں گئے: گئے:

$$H\psi_n=E_n\psi_n$$

تاہم انتہائی خوش قتمتی کے عسلاوہ کوئی وحبہ نہیں پائی حباتی کے ہم اسس پیچیدہ مخفیہ کے لیے مساوات مشہروڈ گر کوبالکل گئیک ٹھیک حسل کرپائیں گے۔ نظریہ اصطراب کوغیر مفط رب صورت کے معلوم ٹھیک ٹھیک حسلوں کولے کر وقعہ م بقدم جیلتے ہوئے مفط سرب مسئلے کے تخمینی حسل دیت ہم نے ہیمکٹنی کو دواحبزاء کا محب وعد کھ کر آغن ز کرتے ہیں

$$H = H^0 + \lambda H'$$

جہاں H' اضطراب ہے زیر بالا مسیں 0 بمیث غنیہ مضطرب مقیدار کو ظاہر کرتا ہے ہم یہاں  $\lambda$  کو ایک چھوٹا عبد در تصور کرتے ہیں بعبد مسیں اسس کی قیمت کو بڑھ اکر ایک (1) کر دی حبائے گی اور H اصل ہیملٹنی ہوگا اسس کے بعب ہم  $\psi$  اور  $E_n$  کو  $\lambda$  کی طب وستی تسل کے معرب کسے ہیں

$$\psi_n = \psi_n^0 + \lambda \psi_n^1 + \lambda^2 \psi_n^2 + \dots$$

$$(Y.Y) E_n = E_n^0 + \lambda E_n^1 + \lambda^2 E_n^2 + \dots$$

$$(H^{0} + \lambda H')[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \dots]$$
  
=  $(E_{n}^{0} + \lambda E_{n}^{1} + \lambda^{2} E_{n}^{2} + \dots)[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \dots]$ 

 $\lambda$  کے ایک جیسے ط $\delta$  و کو کھی کو درج ذیل کھی حب سکتا ہے

$$\begin{split} H^0\psi_n^0 + \lambda (H^0\psi_n^1 + H'\psi_n^0) + \lambda^2 (H^0\psi_n^2 + H'\psi_n^1) + \dots \\ &= E_n^0\psi_n^0 + \lambda (E_n^0\psi_n^1 + E_n^1\psi_n^0) + \lambda^2 (E_n^0\psi_n^2 + E_n^1\psi_n^1 + E_n^2\psi_n^0) + \dots \end{split}$$

 $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$  کا کی صورت مسیں اس سے  $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$  سامس ہوتا ہے جو کوئی کئی مساوات نہیں ہوگا (ریمانی ایک تک وری ذیل ہوگا

(1.2) 
$$H^0\psi_n^1 + H'\psi_n^0 = E_n^0\psi_n^1 + E_n^1\psi_n^0$$

رتب دوم  $(\lambda^2)$  تک درج ذیل ہوگا

(1.A) 
$$H^0\psi_n^2 + H'\psi_n^1 = E_n^0\psi_n^2 + E_n^1\psi_n^1 + E_n^2\psi_n^0$$

و غیسہ ہ و غیسہ ہ (رتب پر نظسہ رکھنے کی عشہ ض سے ہم نے ۸ استعال کیا اب اسس کی ضرورت نہیں رہی اہلہٰ ذا اسس کی قیت ایک، 1 ، کر دیں)

۲.۱.۲ اول رتبی نظسر ب

ری از برونی خرب کیتے ہیں لیعنی  $(\psi_n^0)^*$  کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں لیعنی  $(\psi_n^0)^*$  کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں جب کہ جارہ کی خرب کر محمل کیتے ہیں  $\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^0 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$ 

تاہم H<sup>0</sup> ہر مشی ہے لہاندا

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

ہوگاجو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کو حد دنے کرے گامسندید  $1=\langle \psi_n^0|\psi_n^0
angle=1$  کی بہت درج ذیل ہوگا $E_n^1=\langle \psi_n^0|H'|\psi_n^0
angle$ 

ے رتب اول نظری اضطراب کابنیادی نتیجہ ہے بلکہ عملاً ہے پوری کوانٹم میکانیات مسیں عنالباً سب ہے اہم مساوات ہے ہے کہتی ہے کے غیر مضطرب حسال مسیں اضطراب کی توقعت تی قیمت توانائی کی اول رتبی تصحیح ہوگی

مثال ۲: لامتنای پور کوال کی غیر مضطرب تف علات موج مساوات 28.2 درج ذیل ہیں

$$\psi_n^0(x) = \sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{n\pi}{a}x\right)$$

ونسرض کریں ہم کواں کی تہبہ کو مستقل معتدار  $V_0$  اوپر اٹھاتے ہوئے اسس نظام کو مضطسر ب کرتے ہیں مشکل 2.6 توانائیوں مسین رتب اول تصبح تلامش کریں

ل بوگانانی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگیn ویں حسال کی توانائی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگی  $H'=V_0$ 

$$E_n^1 = \langle \psi_n^0 | V_0 | \psi_n^0 \rangle = V_0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle = V_0$$

یوں تھیجے شدہ توانائیوں کی سطحییں  $V_0$  ہو گئے جی ہاں تمام کی تمام  $V_0$  منت دارے اوپراٹھتی ہیں بہاں حسیرائی کی بات ہے کہ رتب اول نظر رہا بالکل ٹھیک جو اب دیت ہے یوں نظ ہر ہے کہ منتقل اضط سراب کی صورت مسین تمام بلندرتی تھیجے صف رہوں گی اسس کے بر عکس کواں کی نصف چوڑائی تک اضط سراب کی وسعت کی صورت مسین مشکل 3.6 ہوگا۔

$$E_n^1 = \frac{2V_0}{a} \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{n\pi}{a}x\right) dx = \frac{V_0}{2}$$

اب توانائی کی ہر سطح  $\frac{V_0}{2}$  اوپر اٹھتی ہے ہے۔ عن الباً بالکل ٹھیک بتیجہ نہیں ہے اسٹ ناول رسب تخسین کی نقطہ نظسرے معقول جو اب ہے۔

مساوات 9.6 ہمیں توانائی کی اول رتبی تھیج دیتی ہے تف عسل موج کے لئے اول رتبی تھیج حسامسل کرنے کی عنسرض سے ہم مساوات 7.6 کو درج ذیل روپ مسیں لکھتے ہے

$$(H^0 - E_n^0)\psi_n^1 = -(H' - E_n^1)\psi_n^0$$

ایب ان کوئی کی چینز لامت نابی حپکور کنوال کی خصوصیات پر مخصر نہیں ہے المب ذایجی کچھ کسی بھی مخفیہ کے لیے مستقل اضط راب کی صورت مسین درست ہوگا

چونکہ اسس کا دایاں ہاتھ ایک معسلوم تف عسل ہے اہنے ذاہیہ  $\psi_n^1$  مسین ایک عنیبر متحب نسس تف رقی مساوات ہے اب عنیبر مضط سرب تف عسل کی طسر ت $\psi_n^1$  کو سالہ دیتے ہیں البذا کسی بھی تف عسل کی طسر ت $\psi_n^1$  کو ان کا خطی جو رُلکھ جب اسکتا ہے

$$\psi_n^1 = \sum_{m 
eq n} c_m^{(n)} \psi_m^0$$

 $psi_n^1$  اگر  $psi_n^1$  مساوات  $psi_n^1$  کو مطمئن کر تا ہوں تب کی بھی متقل  $\alpha$  کے لیے  $(\psi_n^1 + \alpha \psi_n^0)$  بھی اس مساوات کو مطمئن کرے گالبہ ذاتہ مسبور و  $\phi_n^0$  کو منٹی کر کتے ہیں ایسے ہی کرتے ہوئے مساوات  $c_m^{(n)}$  تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات  $c_m^{(n)}$  تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات  $c_m^0$  مطمئن کرتے ہیں درج ذبل حساس کرتے ہیں درج دبل حساس کرتے ہیں دبل حساس کرتے ہیں درج دبل حساس کرتے ہیں درج دبل حساس کرتے ہیں دبل حساس کرتے ہ

$$\sum_{m \neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \psi_m^0 = -(H' - E_n^1) \psi_n^0$$

 $\psi_{I}^{0}$  کے ساتھ اندرونی ضرب کیتے ہیں  $\psi_{I}^{0}$ 

$$\sum_{m\neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \langle \psi_l^0 | \psi_m^0 \rangle = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_l^0 | \psi_n^0 \rangle$$

اگر n=l ہوتہ بایاں ہاتھ صف ہوگا اور جمیں دوبارہ مساوات 9.6 ملے گی اگر  $n\neq 1$  ہو تو درج ذیل ہوگا

$$(E_l^0 - E_n^0)c_l^{(n)} = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle$$

١

(1.17) 
$$c_m^{(n)} = \frac{\langle \psi_m^0|H'|\psi_n^0\rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

لہنے ذاادرج ذیل حساص<sup>ل</sup> ہوگا

$$\psi_n^1 = \sum_{m \neq n} \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle}{(E_n^0 - E_m^0)} \psi_m^0$$

جب تک فیسر مفط سرب تو انائی طیف غیسر انحطاطی ہو نسب نما کوئی م سئلہ کھٹڑا نہیں کرے گا (چو کلہ کمی بھی عصد دی سرکے لئے m=n نہیں ہوتا) پاں اسس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں اس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں ایک دوسرے جتی ہو تب مساوات 12.6 مسیں نسب نما مسیں صف ریا جب گا جو ہمیں معیب مسیب مسیب میں فررک یا گا ایک صورت مسین انحطاطی نظر سے اضط سراب کی خرورت پیش آئے گی جس پر حصہ 2.6 مسین غور کسیا حب کے گا یوں اول رتبی نظر رہے اضط سراب مکسل ہوتا ہے تو انائی کی اول رتبی تصبح کے  $E_n^1$  مساوات  $E_n^2$  جب جب کہ

سوال ۲۰۱۱: منسرض کرے ہم لامت ناہی حپکور کنواں کے وسط مسیں  $\delta$  تغناعملی موڑاؤالتے ہیں

$$H' = \alpha \delta(x - \frac{a}{2})$$

جہاں م ایک متقل ہے

ا. احبازتی توانائیوں کی اول رتبی تصبح تلاسٹ کریں بت مئیں کہ جفت 1 کی صورت مسیں توانائیاں مضطرب کیوں نہیں ہوگئی

... زمینی حسال کی تصبح  $\psi_1^1$  کی مساوات مساوات 13.6 کی پھیلاو مسین ابت دائی تین غیبر صف راحب زاء تلاسش کریں

سوال ۲۰۲۲: ہارمونی مسے رنعشن  $V(x)=rac{1}{2}kx^2$  کی احبازتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \left(n + \frac{1}{2}\right)\hbar\omega \qquad (n = 0, 1, 2, \dots)$$

ا. (الف) نہیں توانائیوں کی بالکل ٹھیک ٹھیک قیمتیں حاصل کرے آپ نے کل ہے کو دوم رتب تک € کی طب قتیں تسل میں پیسلائیں طب قتیں تا میں پیسلائیں

... اب مساوات 9.6 استمال کرتے ہوئے توانائی مسیں اول رتبی اضط سراب کا حساب لگائیں یہاں 'H' کسیا ہوگا اپنے نتیج کا حبزو(الف) کے ساتھ مواز نہ کرے امشارہ: نئے کمل کی قیمت کے حصول کی نا ضرورت اور نہ احسازت ہے

بوال ۱۳.۳: ایک لامتنانی حپور کنواں مساوات 19.2 مسیں دویک ال یوسن رکھے حباتے ہیں ہے مخفیہ  $V(x_1,x_2)=-aV_0\delta(x_1-x_2)$ 

جہاں  $V_0$  ایک مستقل ہے جس کابعہ توانائی ہے اور a کنواں کی چوڑائی ہے کے ذریعے ایک دوسسرے پر بہت معمولی اثر انداز ہوتے ہیں

ا. پہلی و ت دم مسیں ذرات کے باہمی اثر کو نظر رانداز کرتے ہوئے زمین نی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے تغساعسلات موج اور مطالقتی تو انائسیاں تلاسٹس کریں

ب. اول رتبی نظسری اضطسراب استعمال کرتے ہوئے زمسینی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے توانا یُوں پر ذرات کے باہمی اثر کا تخسین اول رتبی نظسری اضطسراب سے دریافت کریں

۲.۱.۳ دوم رتبی توانائیان

يېسال بھي اي طسرح بڙھتے ہوئے ہم  $\psi_n^0$  اور دورتي مساوات مساوات 8.6 کااندرونی ضرب ليتے ہيں

$$\langle \psi_n^0|H^0\psi_n^2\rangle + \langle \psi_n^0|H'\psi_n^1\rangle = E_n^0\langle \psi_n^0|\psi_n^2\rangle + E_n^1\langle \psi_n^0|\psi_n^1\rangle + E_n^2\langle \psi_n^0|\psi_n^0\rangle$$

یہاں بھی ہم  $H^0$  کی ہر مثی بن کو بروئے کارلاتے ہیں

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle$$

الهندابائيں ہاتھ كا پہلا حبزودائيں ہاتھ كے پہلے حبزوكے ساتھ كرے جائے گاساتھ كى  $\psi_n^0|\psi_n^0
angle > 0$  ہو گالهندا جارے ياسس  $E_n^0$  كادرى ذيل كلي رەحباتا ہے

(1.10) 
$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle - E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

m=n شام محبوعہ مسیں m=n شامل نہیں اور باقی تمام عصودی ہیں لہذا

$$\langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = 0$$

ہو گاجس کی بن

$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle = \sum_m m \neq n \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

ياآحنسركار

(۱.۱۵) 
$$E_n^2 = \sum_{m \neq n} \frac{\left| \langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \right|^2}{E_n^0 - E_m^0}$$

ہو گاجو دورتی نظے رہے۔ اضطے راہے کابنیادی نتیجے ہے۔

اگر سپ ہم ای طسرح آ گے بڑھتے ہوئے تنساعسل موج کی دوم رتبی تھیج ہوئے توانائی کی سوم رتبی تھیجے وغیب رہ وغیب رہ حاسل کر سے ہیں لئے ہیں لئے ہیں استعمال کرناسود مند ہوگا۔ سوال ۱۲.۴:

ا. توانائیوں کی دوم رتبی در ستگی  $(E_n^2)$  موال 1.6 کی مخفیہ کے لیے تلاش کریں۔ تبصیرہ: آپ تسلسل کا محبسوء مریحاً حساس کر کے طاق n کیلئے  $-2m(\alpha/\pi\hbar n)^2$ 

بالکل کے لئے دوم رتبی تصبح  $E_n^2$  سوال 2.6 کے مخفیہ کے لئے تلاسٹس کریں۔ تعب کا کہ آپ کا نتیجہ بالکل درست نتیجہ کے مطابق ہے۔

سوال ۱۹۵۵: ایک ایے باردار ذرہ پر غور کریں جو یک بعب دی ہار مونی ارتعاثی مخفیہ مسیں پایا جباتا ہو۔ منسر ض کریں ہم ایک کسنرور برقی میدان H'=qEx منسدار کی تب یلی پیدا ہوتی ہے۔

ا. و کھائیں کہ توانائیوں کی دوسطحوں مسیں کوئی اول رتبی تب یلی پیدا نہیں ہو گی۔ دور تبی تصحیح تلاسٹس کریں۔ امشارہ: سوال 33.3 دیکھیں۔

ب. تبدیلی متغیرات  $x' \equiv x - (qE/m\omega^2)$  استعال کرتے ہوئے موجودہ صورت مسیں شروڈ نگر مساوات کو بلا واسطہ حسل کیا جب الیا کرتے ہوئے ٹھیک ٹھیک تھیک توانائیاں تلاسش کر کے دکھائیں کہ یہ نظے رہے اضطہراب کی تخمین کے مطابق ہے۔

#### ۲.۲ انحطاطی نظری اضطراب

 $\psi_a^0$  اور مضط منط منط منط منط ویاد و نیاده منف دویاده منف دویاده منف ویاده که توانائیال ایک و ان منط و با این ان که ویاده منف و با این ان که ویاده منظ و با این ان که وی توانائیال ایک و این ان که وی توانائیال ایک و با ان که وی توانائیال ایک وی توانائیال وی توانائیال که وی توانائیال

## جوابات

## ف رہنگ \_\_\_

54relation, allowed 26energies, energy 51 argument, 22allowed, Bessel 31 conservation, 99 function, spherical 13ensemble, 107energy,binding expectation Bohr 6value. 106radius, formula 106formula,Bohr 16Broglie,De 25 conditions, boundary Fourier 98term,centrifugal 52transform,inverse 83 states, coherent 52transform, 4collapses, Frobenius commutation 45method, function 36relation, canonical 90relations, canonical 59delta,Dirac 36commutator, generalized 28complete, 59 distribution, 77continuous, 59 function, 90continuum, generating coordinates 50 function, 91 spherical, generator 3interpretation,Copenhagen 86space,intranslation 75degenerate, 86time.intranslation delta Gram-Schmidt 28Kronecker. 79process,orthogonalization Dirac 21 Hamiltonian, 80orthonormality, harmonic 77discrete, 25oscillator, dispersion ۱۷۰ فنرہنگ

3realist,	113Helium,
12potential,	Hermitian
97effective,	40conjugate,
probability	3variables,hidden
8density,	
<b>3</b> .	2indeterminacy,
quantum	
105number,principle	ladder
numberquantum	38operators,
96azimuthal,	Laguerre
96magnetic,	108polynomial,associated
99numbers,quantum	108polynomial,
	90Laplacian,
97equation,radial	law
recursion	34Hooke,
46 formula,	Legendre
reflection	94associated,
64coefficient,	linear
73time,revival	22combination,
Rodrigues	113Lithium,
49 formula,	
94formula,Rodrigues	6mean,
Rydberg	6median,
113constant,	14momentum,
113 formula,	Neumann
Schrodinger	99 function, spherical 27 node.
20time-independent,	,
1align,Schrodinger	10normalization,
series	14operator,
113Balmer,	38lowering,
28Fourier,	38raising,
113Lyman,	27orthogonal,
113Paschen,	28orthonormal,
35power,	2001thohormar,
34Taylor,	Planck's
spherical	113 formula,
96harmonics,	polynomial
11 square-integrable,	48Hermite,
7deviation,standard	position
state	3agnostic,
58bound,	3 orthodox.
	2 011110 40.1.

ىنىرەنگى 141

<b>.</b>	
اتشافی	27excited,
يالات،83	107,27 ground,
احبازني	58scattering,
توانائسيال،26	statistical
استمراری،77	2interpretation,
استمراریه،90	66 function, step
ا مسمراری،77 استمراریپ،90 اصول	_
عبدم يقينية،16	theorem
انتشاری	28Dirichlet's,
رشته،54	15Ehrenfest,
انحطاطي، 75	52Plancherel,
انعكاسس	112transition,
شرح،64	transmission
اوسط،6	64coefficient,
	65,58tunneling,
بقت توانائی، 31 سند شی توانائی، 107	58points,turning
لواناي، 31 شريب کې د د د د	16principle,uncertainty
سند ی توانای،/10	roprinciple,uncertainty
بوبر	variables
ردائس،106 کلیہ،106 بیبل بیبل	19of,separation
ىبار	7variance,
.يىن كروي تف <sup>ع</sup> ل،99	velocity
99,0 26,5	54group,
ملانك	54phase,
پلانک کلیه، 113 پیداکار فرز است میشد با کری ۵	1
یب اکار	wave
پ میسین فصن مسین انتقت ال کا،86	64incident,
ا به استان است	52packet,
يسد اکار	64reflected,
ووت مسين انتفتال،886 پسيداکار تف <sup>ع</sup> سل،50	64transmitted,
	1 function,wave
تبادلی	16wavelength,
باضابط، رمشته، 36	
باضسابط، رہشتے،90	
تب دل کار ، 36	
تحبديدي عسر مسه، 73	
تزسيل	
<b>ش</b> رح،64	
مسلس ا	
بالمسبر، 113	
تخب يدى عسر مس. 73 ترسيل شرح، 64 تسلس بالمسر، 113 پاسشن، 113	

ب كن حسالات، 21	شيىلر،34 طىقىتى،35
حسالات،21 سرحىدى مشىرائط،25	ط سی - ۵۶۰ فوریب ر 28
سرنگ زنی،65،58	روب - روب لیسان،113
12.6	تغييريب، 7
را، 13 سوچ انگاری، 3 تقلبه بر بسند، 3	تف عث ل
انکاری، 3	ۇيلىك،59 تىنى <i>غى</i> ل موچ،1
تقاب پسند، 3 حقیقت پسند، 3	نف مسل منون، 1 تدالی
	توالی کلیــ، 46 توانائی احبازتی، 22 توقعاتی قرمیــــ، 6
سير هي عباملين،38	 توانائی
سيرُ هي تف عسل 66،	احبازتی،22
<b>ے</b> سے روڑ نگر	نوف <b>ت</b> ئي
غب تابع مق	ب <u>ہ</u> ۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔
ڪروڙ نگر تصوير کشي،86	<u></u>
ىشىروۋىگر <b>مس</b> اوا <b>ت،</b> 1	تقب عسل 24،
شمسارياتی مفهوم،2	جال
طول موج،113،16	بخصب راو،58
	زمىينى،107،27
عباميل،14	مقـــد، 58
تقلیال،38 رفع <b>ت</b> ،38	ېيجبان،27
	خطی جوڙ،22
عبور،112 عبد م تعبین،2	حظی جوڑ،22 خفیبے متغیب رات،3
عب دم يقينيت اصول،16	
عت ده،27 علیحب گی متغب رات ،19	دلىيال،51
لليحسد لي متعب رات،19 عب ودي،27	ارا <u>ک</u>
معیاری،28 معیاری،28	ۇپراك معيارىءسەدەيت،80
	ڈیلٹ کرونسیکر،28
غيير مسلسل 77،	کرونسیکر،28
<b>ن</b> روبنوسس	رداسي مساوات.97
ترکیب،45	رڈبر کے ،113 کا
فنىروبنيوسس تركيب،45 فوريسسر البنسيدل،52	روبی کے درائی۔ رفت ار رفت ار دوری سستی،54
الــــــــبدل،52 بدل،52	رىك دورى ئىسى 54،
بدن، ۱۵	کروہی مصنی،54
ت بل تكامسل مسر بع،11	روڈریگئیس کلیہ،94
<b>مت</b> انون	94، کاسے۔

ت رہنگ

مبر کز گریز حبزو،98	34
مسسئلہ ابرنفسٹ،15	. i^^
ابر سنة 13 پلانشىرال،52	- كثافت احتقال، 8 كشيسرركني
درشلے،28	كشب رركني
معمول زنی،10 معسار حسر کت،14	برمائٹ،48
معیار سے 14 معیار عبودی،28	ہر مائٹ،48 کروی ہار مونسیات،96
معتباری انحسران،7	کلے ہو تر یہ ہے ہو
كىك ل، 28	ت څې پروگ لی، 16
موج آمدی،64	روڈریگئیں،49 سے نیٹ
تر مسلی،64	کوانٹم صبدرعب دن 105
منعكس،64	كوانشيائي اعب داد، 99
مو بي اکثر ، 52	كوانىشائى عـــد د استى:96
نيومن	المتى،96 مقيب طيسى،96
ت کروی تف عسل 99،	کوین ہیسگن مفہوم ، 3
واپیی نقب ط، 58	,
وسطانب،6	کرام شمد ترکیب عب مودیب ت
بار مونی . نتر شه	ریب صوریت،۱۶۹ گرکر،۷
ېرسون مسرنغش،25 مە	
ہر سی	لايلاس،90 لا طبيغ
جوڑی دار ،40 ہیے زنب رگ تصویر کثی ،86	را بي شريك كشپ رركني، 108
، پير بر بر ڪيور ن86، هيليم، 113	كشية ركني،108
ىيىلىيى، 113 ئېيىلىنى، 21	لتقسيم، 113
	ليژانڈر
	شريك،944
	متعمم
	ٰ تق <sup>ے</sup> عسل،59
	نقسيم، 59
	محب د د کروی، 91
	مخفيه، 12
	موژ،97 . نتر ش
	ئىسىر ئىسى بار مونى،25
	23.07.74