كوانتم ميكانسيات

حنالد حنان يوسفزني

باسے کاسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

۸راگست ۲۰۲۱

عسنوان

vii	ہسلی تماہ کادبیب حب	يــرى پُ	
1	اعسل موج	•#	,
,	,	لات ا ا	'
,	مصرود تر ت وا <u>ت</u> شماریاتی مفهوم	1.1	
۵		1,100	
۵	احستال کی تعلیم مسلل متغییرات میلی مسلل متغییرات میلی مسلل متغییرات میلی مسلل متغییرات میلیرات میلیرات میلیرات		
9	۱٫۳۰۲ استمراری متغیب رات		
11	• ,	ا ا	
10		1.0	
14	اصول عب م يقينيت	1.4	
		•	
۲۵	بر تائع وقت مشرودٌ نگرم ب ادات	غسي	۲
۲۵	ب کن حسالات	۲.1	
۳۱		۲.۲	
۴.	•	٣٫٣	
۴۲	۲٫۳۱ الجمرائي تركيب	•	
۵۱	• • •	۲۴	
۵۹		•	
AF AF		۲.۵	
1/\ _+	۲.۵.۱ مقید حسالات اور بخفسراو حسالات ۲.۵.۱ مقید حسالات ۲.۵.۲ و پلٹ انتشاعب کنواں ۲.۵.۲		
∠• ∠9		r 4	
47	سنت ان چور نوال	, . ·	
۸9	ب وضوابط	قواعه	٣
19	لمبرث فصن	٣.١	
91	۱.۱.۳ وتابل معسلوم حسالات		
90	ہر مثی عب ام ل کے امت یازی تف عسل ،	٣.٢	

iv

	نه مران		
90	۳.۲.۱ محمير مصل طيف		
94	۳.۲.۲ استمراری طیف		
1 • •	متعمم شب رياتي منهوم	٣٫٣	
1 • 14	ا صول عبد م يقينية	بر س س	
		, .,	
۱۰۴	۳.۴.۱ اصول عبد م یقینیت کا ثبوت بروسی میلاد		
1.4	۳.۲۲ کم ہے کم عب م یقینیت کاموجی اکٹھ		
1•٨	۳٫۴٫۳ توانائی ووقت اصول عب مریقینیت ۴٫۴٫۳		
1111	ۇيراك <i>ع</i> سلاتىت	۳۵	
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•	
114	ادی کوانثم میکانسیات	تنن ابعيه	م
114	کروی می در میں مب اوات شهروڈنگر	ا ۲۰	
	•	1'.1	
179	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
100+	۲.۱.۲ زاویائی مسیاوات		
120	۳٫۱٫۳ ردای مساوات		
114	بائيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	۲.۲	
100	۲.۲.۱ ردای تف عسل موج		
10+	۲.۲.۲ مهائت پرُ روجن کاطیف		
125	زاويائی معيار حسر کت	٣.٣	
100	۱.۳٫۳ امتیازی افتدار		
101	۴.۳.۲ مقن طبی مب دان مسین ایک الب کثران		
1ω/1	ا. ا. المستعف "في شكدان "قرائك" الشيخ الزيان		
16/1	ا بر با المستعلق على المستعلق على المستعلق المستعلم المستعلم المستعلق المستعلق المستعلم المستعلم المستعلم المستعلم المستعلم المستعلم المستعلم المست		
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	متمياثل	۵
۵۲۱	 درا <u>ت</u>		۵
170 671	ى ذرا <u>ت</u> دوزراتى نظ∟م	متب ثر ۱.۵	۵
170 170 144	ن ذرا <u>۔۔</u> دوزراتی نظب م	۵.۱	۵
170 170 122	ى ذرا <u>ت</u> دوزراتى نظب م	۵.۱	۵
170 170 144	ن ذرا <u>۔۔</u> دوزراتی نظب م	۵.۱	۵
170 170 122 1Ar	را درات دوزراتی نظام ۱۱٫۱۵ سخت پی پی ک امنام شماریاتی میکانسیات ۱۳٫۱۵ ایک مشال	۵.1 ۵.r	۵
170 170 122 1Ar 1Am	را درات دوزراتی نظام	۵.۱ ۵.۲ غنیسر	~
170 170 122 1Ar 1Ar 1A2	ى ذرات دوزرانى نظام ۱.۱۸ سخت پنى کوانقم شمسارياتى ميكانسيات ۱ ۵.۲ ایک مشال نائع وقت نظسر سيداخط سراب	۵.1 ۵.r	4
170 170 122 1Ar 1Ar 1A2 1A2	رادات دوزراتی نظام ۱.۱۸ سخت پٹی کواٹم شماریاتی میکانیات ۱.۲۸ ایک مشال مائع وقت نظر سے اضطراب عنیبر انحطاطی نظر سے اضطراب عنیبر انحطاطی نظر سے اضطراب	۵.۱ ۵.۲ غنیسر	α.
170 170 122 1Ar 1AP 1A2 1A2 1A2	را دوزراتی نظام دوزراتی نظام ۱۱.۱۵ سخت پٹی کوانٹم شماریاتی میکانسیات ۱۳.۱۵ ایک مشال مائع وقت نظار سے اضطار اب غنیسر انحطاطی نظار سے اضطار اب غنیسر انحطاطی نظار سے اضطار اب ۱۱.۱۲ عبوی صنابط بهندی	۵.۱ ۵.۲ غنیسر	4
170 170 122 1Ar 1Ar 1A2 1A2	دوزراتی نظام دوزراتی نظام ۱.۱۸ سخت پژی کوانثم شماریاتی میکانسیات ۱۳۰۱ میشال میکانسیات بازی وقت نظسر سیدانط سراب عنب رانحطاطی نظسر سیدانط سراب ۱.۱۲ عومی مضابط به بهندی ۱.۱۲ دوم رتبی تواناسیاں	۵.۱ ۵.۲ غنیسر	a
170 170 122 1Ar 1AP 1A2 1A2 1A2	دوزراتی نظام دوزراتی نظام ۱.۱۸ سخت پژی کوانثم شماریاتی میکانسیات ۱۳۰۱ میشال میکانسیات بازی وقت نظسر سیدانط سراب عنب رانحطاطی نظسر سیدانط سراب ۱.۱۲ عومی مضابط به بهندی ۱.۱۲ دوم رتبی تواناسیاں	۵.۱ ۵.۲ غنیسر	~
170 170 122 1Ar 1Am 1A2 1A2 1A4 1A4	را دوزراتی نظام دوزراتی نظام ۱۱.۱۵ سخت پٹی کوانٹم شماریاتی میکانسیات ۱۳.۱۵ ایک مشال مائع وقت نظار سے اضطار اب غنیسر انحطاطی نظار سے اضطار اب غنیسر انحطاطی نظار سے اضطار اب ۱۱.۱۲ عبوی صنابط بهندی	۵.۱ ۵.۲ غيسرد ۲.۱	~
170 170 122 1Ar 1Ar 1A2 1A2 1A3 19r	رادات دوزراتی نظام ۱۱.۱۵ سخت پٹی کواٹم شماریاتی میکانیات ۱۲.۱۵ ایک مشال عائع وقت نظار سے اضطراب عنب رانحطاطی نظار سے اضطراب ۱۱.۱۷ عومی مضابطہ بندی ۱۲.۱۷ دوم رتی توانائیاں انحطاطی نظریہ اضطراب	۵.۱ ۵.۲ غيسرد ۲.۱	a .
170 170 172 177 177 177 177 197 197	دوزراتی نظام ۱۱.۱۵ سخت پی ا کواشم شماریاتی میکانسیات ۱۲۰۱ ایک مشال مائع وقت نظار سید اضطهراب غنیدرانحطاطی نظار سید اضطهراب ۱۱.۱۱ عصومی صابط به بندی ۱۲.۱۲ دوم رتبی توانائسیال انحطاطی نظریت اضطهراب انحطاطی نظریت اضطهراب	۵.۱ ۵.۲ غيسرد ۲.۱	~
110 122 111 111 111 111 111 111 111 111	دوزراتی نظام دوزراتی نظام ۱۹۰۸ سخت پژی کوانم شماریاتی میکانسیات مائع وقت نظسر سیداخطاطی نظسر سیداخطاطی نظسر سیداخطاطی نظسر سیداخطاطی نظسر سیدان ۱۱۰۲ عصومی ضابط به به بدی ۱۲۰۲ دوم رتی توانائسیال ۱۲۰۳ دوم رتی توانائسیال ۱۴۰۹ بلندر تی انحطاطی	۵.۱ ۵.۲ عنیر، ۲.۱	~
170 122 1AT 1AZ 1AZ 1AZ 1AA 19T 19T 19T 19T 17+T	روزراتی نظام میزراتی دوزراتی نظام میزراتی نظام میزراتی نظام میزراتی نظام میزراتی میکانسیات کوانتم شماریاتی میکانسیات میزان میکانسیات مائع وقت نظار سیداخطاطی نظار سیداخطاطی نظار سیداخطاطی نظار سیدان نظار سیدان کا ۱۱.۲ دوم ری توانائسیال میزرات اول ری توانائسیال میزانسیال انخطاطی نظار سیداخطاطی نظار سیداخطاطی این کا ۱۹.۲ دویژ تا انخطاطی این کا ۱۹.۲ دویژ تا انخطاطی این کا ۱۳.۲ بلندر تی انخطاطی بائسیدر تی انخطاطی بائی بائسیدر تی انخطاطی بائسیدر بائسیدر تی انخطاطی بائسی	۵.۱ ۵.۲ عنیر، ۲.۱	α.
170 122 1AT 1AZ 1AZ 1AA 19T 19T 19T 17+T	روزراتی نظام ۱۱.۵ سخت پٹی کوائم شماریاتی میکانسیات ۱۲.۱ میکانسیات مائع وقت نظسر سیاضطسراب مغیر انحطاطی نظسر سیاضطسراب ۱۱.۱ عسوی صف ابط سبندی ۱۱.۱ عسوی صف ابط سبندی ۱۲.۱ و دوم رتی توانائسیال ۱۲.۱ دوم رتی توانائسیال ۱۲.۱ دوم رتی توانائسیال ۱۲.۱ بلندر تی انحطاطی ۱۲.۲ بلندر تی انحطاطی ۱۲.۲ بلندر تی انحطاطی ۱۲.۲ بلندر تی انحطاطی ۱۲.۲ بلندر تی انحطاطی	۵.۱ ۵.۲ ۶.۱ ۲.۱ ۲.۲	~
170 122 1AT 1AZ 1AZ 1AZ 1AA 19T 19T 19T 19T 17+T	روزراتی نظام میزراتی دوزراتی نظام میزراتی نظام میزراتی نظام میزراتی نظام میزراتی میکانسیات کوانتم شماریاتی میکانسیات میزان میکانسیات مائع وقت نظار سیداخطاطی نظار سیداخطاطی نظار سیداخطاطی نظار سیدان نظار سیدان کا ۱۱.۲ دوم ری توانائسیال میزرات اول ری توانائسیال میزانسیال انخطاطی نظار سیداخطاطی نظار سیداخطاطی این کا ۱۹.۲ دویژ تا انخطاطی این کا ۱۹.۲ دویژ تا انخطاطی این کا ۱۳.۲ بلندر تی انخطاطی بائسیدر تی انخطاطی بائی بائسیدر تی انخطاطی بائسیدر بائسیدر تی انخطاطی بائسی	۵.۱ ۵.۲ عنیر، ۲.۱	α.

ع-نوان

711 717 717	ط قستورمیدان زیسان اثر	4,6,7 4,6,6 4,6,6		
r+ 1		مرى اصول	تغي	۷
۲۰۳		_ تخبين	وكب	٨
۲+۵	رىيەاضطەراب	ني نظ	تابعوذ	9
r+4	ےم ہ	دو سطحی نظه	9.1	
۲+٦	مفنطسرب نظام	9.1.1		
r+9	تائع وقت نظسر ب اضطسراب	9.1.1		
T 11	احتراج اورانجذاب		9.5	
۲۱۱	برقت طبیعی امواج	9,7,1		
۲11	ا انجزاب، مخسرق شده احسنران اورخود باخو داحسنران	9.7.7		
۲۱۳	غنيُ رات کي اضطب راب	9.7.		
۲۱۴	شنراخ	خود باخودا	9.1	
۲۱۴	آئنشائن A اور B عبددی سسر	9.1.1		
417	مېچبان مبال کاعب رصبه هيات	9.7.7		
119	قواعب دانتخناب	۳.۳.۹		
۲۱۱	ر تخمسین	رارــــــنا گز		1•
111 11m	ر تخسین			1•
				1•
۲۱۳	 کلاسیکی نظسری بخصراو		_£.	11
r11" r11"	کلا کسیکی نظسر ہے بھسراو کوانٹم نظسر ہے بھسراو	راو تعسارف ۱۱.۱.۱ ۱۱.۱.۲	_£.	11
rim rim rim	کلا کسیکی نظسر ہے بھسراو کوانٹم نظسر ہے بھسراو	راو تعسارف ۱۱.۱.۱ ۱۱.۱.۲	_£.	11
rim rim rim ria	کلا سیکی نظسر ہے بھسراو کواٹم نظسر ہے بھسراو موج تحبیز ہے۔ اصول وضوابط	راو تعسارف ۱۱.۱.۱ ۱۱.۱.۲	ب <u>خ</u> و اا.ا	11
rim rim rim rio rio	کلاسیکی نظسری بخسراو کواننم نظسری بخسسراو اموج تحبیزی اصول وضوابط لایاعمسل	راو تعبارف ۱۱.۱.۱ ۱۱.۱.۲ حبزوی ۱۱.۲.۱	ب <u>خ</u> و اا.ا	1•
rim rim rim rio riy	کلات کی نظسر ہے بھسراو کوانٹم نظسر ہے بھسراو اموج تحبز ہے۔ اصول وضوابط لایاعسل	راد تعسارف ۱۱.۱.۱ ۲۱.۱.۱ حبنروی ۱۱.۲.۱ پیتشقلات پیتشقلات	ب <u>خ</u> و اا.ا	11
rim rim rim rio rio riy riy	کلات کی نظسری بھسراو کوانم نظسری بھسراو اموج تحبزی اصول وضوابط لایا عمس ل	راد تعسارف ۱۱.۱.۱ ۲۱.۱.۱ حبنروی ۱۱.۲.۱ پیتشقلات پیتشقلات	بخ اا.ا اا.۲	11
rim rim rim rim rim rim rim rim rim	کلات کی نظسری بھسراو کوانم نظسری بھسراو اموج تحبزی اصول وضوابط لایا عمس ل	راد تعسارف ۱۱.۱.۱ ۲۱.۱.۱ حبنروی ۱۱.۲.۱ پیتشقلات پیتشقلات); 	11
rim rim rim rio riy riy riq rri	کلات کی نظسری بخسراو کوانم نظسری بخسراو اموج تحبزی اصول وضوابط لیا تمسل حیط ین	راو تعسارف ۱۱.۱.۱ حبزوی ۲۱.۲.۱ ینشقلات بارن تخب); 	1•
rim rim rio riq riq rri rrr	کلات کی نظسری بھسراو کوانم نظسری بھسراو اموج تحبزی اصول وضوابط لایا عمس ل	راو تعسارف ۱۱.۱.۱ ۲۱.۱.۱ حبزوی ۱۱.۲.۱ ینتقلات بارن تخس); 	11
rim rim rio riq riq rri rrr rrr rrr	کلات کی نظسر ہے بھسراو کوانٹم نظسر ہے بھسراو اموج تحبز ہے اصول وضوابط لایاعمل حیط میں میں اوات شروذ گر کی تملی روپ	راو تعسارف ۱۱.۱.۱ حبزوی ۲۱.۲.۱ بارن تمن بارن تمن بارن تمن ۱۱.۳.۱	11.1 11.r 11.r	
rim rim rim rim rin rin rin rin rin rri rr rr rr rr rr rr	کلات کی نظسر ہے بھسراو کوانتم نظسر ہے بھسراو اموح تحب زیب اصول و صوابط لایا عمس ل میں دوڈ نگر کی تکملی روپ بارن تخسین اوّل بارن تخسین اوّل	راو تعسارف ۱۱.۱.۲ ۲۰.۱۱ ۲۰.۲ ۱۱.۲.۲ بارن تخس بارن تخس ۱۲.۳.۱۱ ۱۲.۳.۲		1+ 11
rim rim rio riq riq rri rrr rrr rrr	کلات کی نظری بھسراو کوائم نظری بھسراو امون تحبزی اصول وضوابط لایاعمل دیط مساوات شروڈ گرکی تکملی روپ بارن تخسین اوّل مساوات شروڈ گرکی تکملی روپ	راو تعسارف ۱۱.۱.۲ ۲۱.۱۲ ۲۱.۲.۲ ۱۱.۲.۲ پارن تخمب پارن تخمب ۱۱.۳.۲ ۱۲.۳.۲ آنسنائن پو		

۲۳۲																							لمي	کی!	ڙ نگر	<u>ش</u> رو زر	<u>.</u> • ر	11	٩.
٣٣٣	•		•	•		•		•	•		 •	•							٠	٠	•	•	باو	نب	ينوكف	نٹم ز:	کوا	11	۵.
۲۳۷																												_	<u></u>
٢٣٩																											I,	ى الجبر	خط
279																									_=	نياب	سمد		١.
279																							_	_	ضرر	رونی,	اند	t	ا. ا
279																												۲	ا. '
279																						٦	_	_	رار	بديل	تتسب	٢	۱.
449													.ار	ت	او	إزى	تيا	امس	اور		<u>. </u>	U _	ياعر	قنسه	زی ن	تياً	امد	۵	١.
٢٣٩																							١	باو_	نب	مشى:	٦,	,	١.
																													_

میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومت پاکستان اعسلیٰ تعسیم کی طسر ف توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلے مصر تب اور پہلی مسرتب اعسلیٰ تعسیمی اداروں مسیں تحقیق کار جمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ بیہ سلمہ حباری رہے گا۔ پاکستان مسیں اعلیٰ تعسیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب کوئی درکار ہیں۔ کوئی خیال کوئی کوئی سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حضا طب خواہ کو حشش نہیں گی۔

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وحب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تعتار میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تعتار آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نے لکھنے کاجواز بنانے سے انکار کر دیااوریوں ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین مین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوالے متھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصبابی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلسل نصاب کی طسر ف سے پہلافت دم ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار شس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وط الب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایت سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایس مناسل کئے حبائیں گے۔ یہاں شامسل کئے حبائیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر 201₁

اب ٢

غبير تابع وقت نظسر به اضطسراب

٢.١ عنب رانحطاطي نظرب اضطراب

ا.۱.۱ عسمومی ضابط، بندی

فنسرض کریں ہم کسی مخفیہ (مشلاً پک بعیدی لامت ناہی حپ کور کنواں) کے لئے غنیب رتائع وقت مشیر وڈنگر مساوات:

$$H^0\psi^0_n=E^0_n\psi^0_n$$

حسل کر کے معیاری عصودی امت یازی تف عسلات ψ_n^0 کا کلمسل سلمانہ

$$\langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = \delta_{nm}$$

اور ان کی مطب بقتی امتیازی افتدار E_n^0 حساصل کرتے ہیں۔ اب ہم مخفیہ مسیں معمولی اضطہ را بہدا کرتے ہیں (مشلاً کواں کی تہہہ مسین ایک چھوٹا موڑاڈال کر؛ مشکل 6-1) ہم نئے امتیازی تقساعہ مات اور امتیازی افتدار حبانت حہامیں گئے: گئے:

$$H\psi_n=E_n\psi_n$$

تاہم انتہائی خوش قتمتی کے عسلاوہ کوئی وحبہ نہیں پائی حباتی کے ہم اسس پیچیدہ مخفیہ کے لیے مساوات مشہروڈ مگر کو بالکل ٹھیک ٹھیک صلاح سل کرپائیں گے۔ نظریہ اصطراب کو غیبر مفط سرب صورت کے معسوم ٹھیک ٹھیک حساوں کو لے کر وقعہ م جلتے ہوئے مفط سرب مسئلے کے تخمینی حسل دیتا ہے ہم نئے ہیملٹنی کو دواحبزاء کا محب وعب لکھ کر آغن ز کرتے ہیں

$$(1.1) H = H^0 + \lambda H'$$

جہاں H' اضطراب ہے زیر بالا مسیں 0 ہمیثہ غیبر مضطرب معتدار کو ظاہر کرتا ہے ہم یہاں λ کو ایک چھوٹاء در تصور کرتے ہیں بعد مسیں اسس کی قیمت کو بڑھ کا کر ایک (1) کر دی حبائے گی اور H اصل ہیملٹنی ہوگا اسس کے بعد ہم ψ اور λ کی طافت تی تسل کے صور مسیں کھتے ہیں

$$\psi_n = \psi_n^0 + \lambda \psi_n^1 + \lambda^2 \psi_n^2 + \cdots$$

$$E_n = E_n^0 + \lambda E_n^1 + \lambda^2 E_n^2 + \cdots$$

یہاں n ویں امتیازی متدر کی قیمت میں اول رہتی تصحیح کو E_n^1 ظیام کرتا ہے جب n ویں امتیازی تف عسل میں E_n^1 ورم رہی تصحیح کو ψ_n^1 ظیام کرتا ہے ای طسر E_n^2 اور ψ_n^2 ورم رہی تصحیح کو رہن طاب کرتا ہے ای طسر E_n^2 اور E_n^2 ورم رہی تصحیح کو E_n^3 فی سے دارت E_n^3 میں اوات E_n^3 میں اوات اور E_n^3 میں اواق میں اواق میں اواق میں اواق میں اور ایک میں ایک میں اور ایک میں ایک

$$(H^{0} + \lambda H')[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

$$= (E_{n}^{0} + \lambda E_{n}^{1} + \lambda^{2} E_{n}^{2} + \cdots)[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

 λ کے ایک جیسے ط- و کو اکٹھ اکٹھ کر درج ذیل کھے حب سکتا ہے

$$\begin{split} H^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(H^{0}\psi_{n}^{1} + H'\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(H^{0}\psi_{n}^{2} + H'\psi_{n}^{1}) + \cdots \\ &= E_{n}^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(E_{n}^{0}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(E_{n}^{0}\psi_{n}^{2} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{2}\psi_{n}^{0}) + \cdots \end{split}$$

 $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$ کا کی صورت مسیں اس سے $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$ سامس ہوتا ہے جو کوئی کئی مساوات نہیں ہوگا (ریمانی ایک تک وری ذیل ہوگا

(1.2)
$$H^0\psi_n^1 + H'\psi_n^0 = E_n^0\psi_n^1 + E_n^1\psi_n^0$$

رتب دوم (λ^2) تک درج ذیل ہوگا

(1.A)
$$H^0\psi_n^2 + H'\psi_n^1 = E_n^0\psi_n^2 + E_n^1\psi_n^1 + E_n^2\psi_n^0$$

و غیسہ ہ وغیسہ ہ (رتب پر نظسر رکھنے کی عشرض سے ہم نے ۸ استعال کیا اب اسس کی ضرورت نہیں رہی لہانہ ا اسس کی قیت ایک، 1 ، کر دیں)

۲.۱.۲ اول رتبی نظسر ب

ری از برونی خرب کیتے ہیں لیعنی $(\psi_n^0)^*$ کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں لیعنی $(\psi_n^0)^*$ کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں جب کہ جارہ کی خرب کر محمل کیتے ہیں $\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^0 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$

تاہم H⁰ ہر مشی ہے لہاندا

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

ہوگاجو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کو حد دنے کرے گامسندید $1=\langle \psi_n^0|\psi_n^0
angle=1$ کی بہت درج ذیل ہوگا $E_n^1=\langle \psi_n^0|H'|\psi_n^0
angle$

ے رتب اول نظری اضطراب کابنیادی نتیجہ ہے بلکہ عملاً ہے پوری کوانٹم میکانیات مسیں عنالباً سب ہے اہم مساوات ہے ہے کہتی ہے کے غیر مضطرب حسال مسیں اضطراب کی تو تعداتی قیمت توانائی کی اول رتبی تصحیح ہوگی

مثال ١٠: لامتناى حپور كوال كي غير مضطرب تف علات موج مساوات 28.2 درج ذيل مين

$$\psi_n^0(x) = \sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{n\pi}{a}x\right)$$

ونسرض کریں ہم کواں کی تہبہ کو مستقل معتدار V_0 اوپر اٹھاتے ہوئے اسس نظام کو مضطسر ب کرتے ہیں مشکل 2.6 توانائیوں مسین رتب اول تصبح تلامش کریں

لا بوگالها ویں حال کی توانائی مسیں رتب اول تصیح ورج ذیل ہوگی $H'=V_0$

$$E_n^1 = \langle \psi_n^0 | V_0 | \psi_n^0 \rangle = V_0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle = V_0$$

یوں تھیجے شدہ توانائیوں کی سطحییں V_0 ہو گئے جی ہاں تمسام کی تمسام میں معتدارے اوپراٹھتی ہیں یہساں حسیراتی کی بات ہے ہے کہ رتب اول نظر رہ بالکل ٹھیک جواب دیت ہے یوں ظہر ہے کہ مستقل اضطہرا ہے کی صورت مسین تمسام بلندرتی تھیجے صف رہوں گی 'اسس کے بر عکس کواں کی نصف چوڑائی تک اضطہرا ہے کی وسعت کی صورت مسین تشکل 3.6 ہوگا۔

$$E_n^1 = \frac{2V_0}{a} \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{n\pi}{a}x\right) dx = \frac{V_0}{2}$$

اب توانائی کی ہر سطح $\frac{V_0}{2}$ اوپر اٹھتی ہے ہے۔ عن الباً بالکل ٹھیک بتیجہ نہیں ہے اسٹ ناول رہ ہے۔ تخسین کی نقطہ نظرے معقول جو اب ہے۔

مساوات 9.6 ہمیں توانائی کی اول رتبی تھیج دیتی ہے تف عسل موج کے لئے اول رتبی تھیج حسامسل کرنے کی عنسرض سے ہم مساوات 7.6 کو درج ذیل روپ مسیں لکھتے ہے

$$(H^0 - E_n^0)\psi_n^1 = -(H' - E_n^1)\psi_n^0$$

ایہاں کوئی ی چینزلامتنائی حپکور کنوال کی خصوصیات پر منحصسر نہیں ہے المہذا یکی کچھ کسی بھی مخفیہ کے لیے مستقل اضطسراب کی صورت مسین درست ہو گا

چونکہ اسس کا دایاں ہاتھ ایک معسلوم تف عسل ہے اہنے اسے ψ_n^1 مسین ایک عنیبر متحب نسس تف رقی مساوات ہے اب عنیبر مضط سرب تف عسل کی طسر ت ψ_n^1 کو سالہ دیتے ہیں البذا کسی بھی تف عسل کی طسر ت ψ_n^1 کو ان کا خطی جو رُلکھ جب اسکتا ہے

$$\psi_n^1 = \sum_{m
eq n} c_m^{(n)} \psi_m^0$$

 psi_n^1 رساوات 10.6 کو مطمئن کر تاہوں تب کی بھی متقل α کے لیے $(\psi_n^1 + \alpha \psi_n^0)$ بھی اس س وات کو مطمئن کرے گالب ذاہم حبزو ϕ_n^0 کو مفنی کر سے تیں ایسے ہی کرتے ہوئے مساوات (u, v) کو مفنی کر کے تیں ایسے ہی کرتے ہوئے مسئلہ حسل کر سے تیں ہم مساوات (u, v) مسئلہ حسل کر سے تیں ہم مساوات (u, v) مسئلہ حسل کرتے ہوئے ہوئے ہوئے کہ عنیہ مضطرب شدوڈ گر مساوات مساوات (u, v) مسئلہ کرتے ہوئے ہوئے ہوئے ہی مسئلہ مسئری کرتے ہیں درج ذیل حساس کرتے ہیں درج ویل حساس کرتے ہیں درج ذیل حساس کرتے ہیں درج دیل کرتے ہیں درج دیل کرتے ہی

$$\sum_{m \neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \psi_m^0 = -(H' - E_n^1) \psi_n^0$$

 ψ_l^0 کے ساتھ اندرونی ضرب لیتے ہیں اس

$$\sum_{m\neq n}(E_m^0-E_n^0)c_m^{(n)}\langle\psi_l^0|\psi_m^0\rangle = -\langle\psi_l^0|H'|\psi_n^0\rangle + E_n^1\langle\psi_l^0|\psi_n^0\rangle$$

اگر n=l ہوتہ بایاں ہاتھ صف ہوگا اور جمیں دوبارہ مساوات 9.6 ملے گی اگر $n\neq 1$ ہو تو درج ذیل ہوگا

$$(E_l^0 - E_n^0)c_l^{(n)} = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle$$

١

(1.17)
$$c_m^{(n)} = \frac{\langle \psi_m^0|H'|\psi_n^0\rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

لہلنذاادرج ذیل حساصل ہوگا

$$\psi_n^1 = \sum_{m \neq n} \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle}{(E_n^0 - E_m^0)} \psi_m^0$$

جب تک فیسر مفط سرب تو انائی طیف غیسر انحطاطی ہو نسب نما کوئی م سئلہ کھٹڑا نہیں کرے گا (چو کلہ کمی بھی عصد دی سرکے لئے m=n نہیں ہوتا) پاں اسس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں اس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں ایک دوسرے جتی ہو تب مساوات 12.6 مسیں نسب نما مسیں صف ریا جب گا جو ہمیں معیب مسیب مسیب میں فررک یا گا ایک صورت مسیں انحطاطی نظر سے اضط سراب کی خرورت پیش آئے گی جس پر حصہ 2.6 مسیں غور کسیا کی اول رتبی تصبح E_n مساوات E_n عب جب کہ جب کہ وال رتبی نظر رہ افساس میں انحط میں مفلس ہوتا ہے تو انائی کی اول رتبی تصبح E_n مساوات E_n عب جب کہ

تف عسل موج کی اول رہجی تھے ψ_n^1 مساوات 13.6 دیتی ہے مسیں آپ کو بہاں سے ضرور بتانا حہابوں گا کہ اگر حہد نظر سے اضطحار اب عسوماً توانائیوں کی بہت ورست قیمتیں دیتا ہے لینی E_n احسل قیمت E_n احسل قیمت بہت و متحدیث بین موتے ہیں بہت و متحدیث ہے اس سے حساصل تف عسلات موج عسوماً افسوسس کن ہوتے ہیں موال اول دور کو اس کے وسلامسیانی حہور کو اس کے وسلامسیانی کی قیامت عسلی موڑ اڈالتے ہیں مول کے دور کو اس کے وسلامسیانی کی قیامت عسلی موڑ اڈالتے ہیں

 $H' = \alpha \delta(x - \frac{a}{2})$

جہاں α ایک متقل ہے

ا. احبازتی توانائیوں کی اول رتبی تصبح تلاسٹ کریں بت مئیں کہ جفت 1 کی صورت مسیں توانائیاں مضطرب کیوں نہیں ہوگئی

... زمینی حسال کی تصبح 41 کی مساوات مساوات 13.6 کی پھیلاو مسین ابت دائی تین غیبر صف راحب زاء تلاسش کریں

سوال ۲۰.۲: بار مونی مسر تعش $[V(x)=rac{1}{2}kx^2]$ کی احب زتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \left(n + \frac{1}{2}\right)\hbar\omega \qquad (n = 0, 1, 2, \cdots)$$

جباں $\omega=\sqrt{k/m}$ کلاسیکی تعبیر دہے اب مشیر ض کرے مقیاس کی $\omega=\sqrt{k/m}$ کلاسیکی تعبیر دہا ہوتی ہے $k \to (1+\epsilon)k$

ا. (الف) نہیں توانائیوں کی بالکل ٹھیک ٹھیک ٹیمسیں حاصل کرے آپ نے کل ہے کو دوم رہب تک ϵ کی طب قتین سلسل میں پوسیائیں

... اب مساوات 9.6 استمال کرتے ہوئے توانائی مسیں اول رتبی اضط سراب کا حساب لگائیں یہاں 'H' کسیا ہوگا اپنے نتیجے کا حب زو(الف) کے ساتھ مواز نہ کرے امشارہ: نئے کمل کی قیمت کے حصول کی نا ضرورت اور نہ احسازت ہے

بوال ۲۰.۳: ایک لامتنای میکور کنوان مساوات 19.2 مسین دو یک ان یوسن رکھے حباتے ہیں ہے مخفیہ $V(x_1,x_2)=-aV_0\delta(x_1-x_2)$

جہاں V_0 ایک مستقل ہے جس کابعہ توانائی ہے اور a کنواں کی چوڑائی ہے کے ذریعے ایک دوسسرے پر بہت معمولی اثر انداز ہوتے ہیں

ا. پہلی وت دم مسین ذرات کے باہمی اثر کو نظر رانداز کرتے ہوئے زمین نی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے تفساعسلات موج اور مطابقتی تو انائسیاں تلامش کریں

ب. اول رتبی نظسری اضطسراب استعمال کرتے ہوئے زمسینی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے توانا ئیوں پر ذرات کے باہمی اثر کا تخسین اول رتبی نظسری اضطسراب سے دریافت کریں

۲.۱.۳ دوم رتبی توانائیان

يېسال بھي اي طسرح بڙھتے ہوئے ہم ψ_n^0 اور دورتي مساوات مساوات 8.6 کااندرونی ضرب ليتے ہيں

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle + E_n^2 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$$

 H^0 کی ہر مثی پن کوبروئے کارلاتے ہیں H^0

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle$$

الہذا بائیں ہاتھ کا پہلا حبزود ائیں ہاتھ کے پہلے حبزوے ساتھ کئے جبائے گاساتھ ہی $\psi^0_n|\psi^0_n
angle$ ہو گالہذا E^0_n کا درج ذیل کلیے رہ حباتا ہے ہارے یاس س

(1.17)
$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle - E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

m=n شاہم مجبوعہ میں m=n شاہدا m=n

$$\langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = 0$$

ہو گاجس کی بن

$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle = \sum_m m \neq n \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

باآحن ركار

(1.12)
$$E_n^2 = \sum_{m \neq n} \frac{\left| \langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \right|^2}{E_n^0 - E_m^0}$$

ہو گاجو دورتی نظسرے اضطسراب کابنیادی نتیجہ ہے۔

اگر پ ہم ای طسرح آ گے بڑھتے ہوئے تف عسل موج کی دوم رتبی تھیج 4 توانائی کی سوم رتبی تھیجے وغیب رہ وغیب رہ حساس کر سکتے ہیں لیکن عملاً اسس ترکیب کو صرف مساوات 15.6 تک استعمال کرنا سود مسند ہوگا۔ سوال ۱۶.۴:

ا. توانائیوں کی دوم رتبی تصبح (E_n^2) سوال 1.6 کی مخفیہ کے لیے تلاشش کریں۔ تبصیرہ: آپ تسلسل کا محبموعہ صریحاً $-2m(\alpha/\pi\hbar n)^2$ حساس کر کے طاق n کیلئے عیں۔

بالکل کے لئے دوم رتبی تصبح E_n^2 سوال 2.6 کے مخفیہ کے لئے تلاسٹس کریں۔ تعب کا کہ آپ کا نتیجہ بالکل درست نتیجہ کے مطابق ہے۔

سوال ۲۰۵: ایک ایسے باردار ذرہ پر غور کریں جو یک بعب دی ہار مونی ارتعاثی مخفیہ مسین پایا حباتا ہو۔ منسر ض کریں ہم ایک کمسزور برقی میدان (E) حپالو کرتے ہیں جس کی بن مخفی توانائی مسین H' = qEx مقتدار کی تبدیلی پیدا ہوتی ہے۔

ا. د کھائیں کہ توانائیوں کی دوسطحوں مسیں کوئی اول رتبی تب یلی پیدا نہیں ہو گی۔ دورتبی تھیج تلاسٹس کریں۔ امشارہ: سوال 33.3 دیکھیں۔

 $x' \equiv x - (qE/m\omega^2)$ استعال کرتے ہوئے موجودہ صورت مسیں مشروذ گر مساوات کو بلا واسطہ حسل کیا جب ایسا کرتے ہوئے ٹھیک ٹھیک تو انائیاں تلاسش کر کے دکھائیں کہ یہ نظے رہے انطاعی استحال کے خصائیں کہ مطابق ہے۔

۲.۲ انحطاطی نظری اضطراب

اگر غنیسر مضط سرب حسالات انحطاطی ہوں لینی دویا دوسے زیادہ منفسر د حسالات ψ_a^0 اور ψ_b^0 کی توانائیاں ایک E_a^2 عنیں ہوں تب سادہ نظسری اضط سراب غنیسر کارآمد ہوگا چونکہ $c_a^{(b)}$ مساوات 12.6 اور $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$ مساوات 15.6 بین شاید ماسوائے اسس صورت جب شمیار کنندہ صف رہو $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$ اور جس کو ہم بعب دسین استعال کریں گے۔ یوں انحطاط صورت میں ہمیں توانائیوں کی اول

رتبی تصحیح مساوات 9.6 پر بھی یقین نہیں کرنا دیا ہے اور ہمیں مسئلے کا کوئی دو سے راحسل ڈھونڈنا ہو گا۔

ا.۲.۲ دویرٔ تاانحطاط

درج ذیل منسرض کریں جہاں ψ^0_h اور ψ^0_h معمول شدہ ہیں۔

(1.11)
$$H^0\psi^0_a = E^0\psi^0_a, \quad H^0\psi^0_b = E^0\psi^0_b, \quad \langle \psi^0_a | \psi^0_b \rangle = 0$$

دھیان رہے کہ ان حسالات کاہر خطی جوڑ

$$\psi^0 = \alpha \psi_a^0 + \beta \psi_b^0$$

بھی H^0 کاامتیازی حسال ہو گاجس کاامتیازی و تک بھی وہی ہوگا

$$H^0\psi^0 = E^0\psi^0$$

عام طور پر اضط راب (H') انحطاط کو "توڑے" (یا "منسوخ" کرے) گا جیسے جیسے ہم λ کی قیمت صنسرے ایک کی طرون پر اضط سراب و ایک عنسان کے بین مضل کے بین منظ سرب تو انائی کے اگر ہم اضط سراب کو بت لین صنسر کر دیں تب بالائی حسال کا تخفیف ψ_b^0 اور ψ_b^0 اور ψ_b^0 اور ψ_b^0 ایک خطی جوڑ مسیں ہوگا جہ کہ ہم اول تخفیف کی دو سرے عصودی خطی جوڑ مسیں ہوگا تاہم ہم قب از وقت نہیں حبان سے بین کہ جہ اول رتبی مضل سرب حسالات نہیں حبائے ہیں کہ سے موزوں خطی جوڑ کیا ہوں گے چونکہ ہم غیبر مضل سرب حسالات نہیں حبائے ہیں لہ اول رتبی تو انائیاں مساوات 6.0 کاحب نہیں کر سے ہیں

ای لیے ہم ان موزوں عنی مصطرب حسالات کونی الحسال عسموی روپ مساوات 17.6 مسیں لکھتے ہیں جہاں م

ور $H=H^0+\lambda H'$ اور

(1.5.)
$$E = E^0 + \lambda E^1 + \lambda^2 E^2 + \cdots, \quad \psi = \psi^0 + \lambda \psi^1 + \lambda^2 \psi^2 + \cdots$$

کیلئے حسل کرنا چیاہے ہیں انہیں مساوات 19.6 مسیں پر کر کے پہلے کی طسر ت کر کی ایک حبیبی طباقت توں کو اکٹھ ا کر کے درج ذیل حساس او گا

$$H^0\psi^0 + \lambda(H'\psi^0 + H^0\psi^1) + \dots = E^0\psi^0 + \lambda(E^1\psi^0 + E^0\psi^1) + \dots$$

اب $\psi^0 = E^0$ مساوات 18.6 کی بین احب زاءایک دو سرے کے ساتھ کئے جبکہ $H^0 \psi^0 = E^0 \psi^0$ رتب کے لیے در بن ذیل ہو گا

(1.71)
$$H^0\psi^1 + H'\psi^0 = E^0\psi^1 + E^1\psi^0$$

 ψ_a^0 کے ساتھ اندرونی ضرب کیتے ہیں ψ_a^0 اندرونی ضرب کے ا

$$\langle \psi_a^0 | H^0 \psi^1 \rangle + \langle \psi_a^0 | H' \psi^0 \rangle = E^0 \langle \psi_a^0 | \psi^1 \rangle + E^1 \langle \psi_a^0 | \psi^0 \rangle$$

چونکہ H⁰ ہرمشی ہے المہذا بائیں ہاتھ پہلا حبزو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کے ساتھ کٹ حبائے گامساوات 17.6 کو استعمال کرتے ہوئے اور معیاری عسودیت کی شرط مساوات 17.6 کوبروئے کارلاتے ہوئے

$$\alpha \langle \psi_a^0 | H' | \psi_a^0 \rangle + \beta \langle \psi_a^0 | H' | \psi_b^0 \rangle = \alpha E^1$$

يامختصراً

$$\alpha W_{aa} + \beta W_{ab} = \alpha E^1$$

حساصل ہو گاجہاں درج ذیل ہو گا

(1.rr)
$$W_{ij} \equiv \langle \psi_i^0 | H' | \psi_j^0
angle, \quad (i,j=a,b)$$

اسی طسرح ψ_b^0 کے ساتھ اندرونی ضرب درج ذیل دے گا

$$\alpha W_{ba} + \beta W_{bb} = \beta E^1$$

وھیان رہے کہ اصولاً ہمیں تمسام W معساوم ہے چو نکہ ہے عنہ معنط سرب تغساع سلات موج ψ^0_a اور ψ^0_b کے لیاظ ہمیں استعمال کرکے W_{ab} کے مساوات 122.6 ستعمال کرکے W_{ab} کو حن ارج ذیل حیاص ل ہوگا

(1.5)
$$\alpha[W_{ab}W_{ba} - (E^1 - W_{aa})(E^1 - W_{bb})] = 0$$

غیبر صف م E^1 کی مساوات E^1 کی مساوات و E^2 کی مساوات و گی

(1.71)
$$(E^1)^2 - E^1(W_{aa} + W_{bb}) + (W_{aa} + W_{bb} - W_{ab}W_{ba}) = 0$$

دودر جی کلیہ استعال کرتے ہوئے اور مساوات 23.6 سے جب نتے ہوئے $W_{ba}=W_{ab}^*$ ہم درج ذیل اخت ذکرتے ہیں

(1.72)
$$E_{\pm}^{1} = \frac{1}{2} \Big[W_{aa} + W_{bb} \pm \sqrt{(W_{aa} - W_{bb})^2 + 4 |W_{ab}|^2} \Big]$$

ی انحطاطی نظری اضطراب کا بنیادی نتیج ہے جہاں دو جبذر دو مضطرب توانا یکوں سے مطابقت رکھتے ہیں لیسکن صف م α کی صورت میں کیا ہوگا آئی صورت میں کیا ہوگا آئی صورت میں اوات 22.6 کے تحت $W_{ab}=0$ اور مساوات 24.6 کے تحت $W_{ab}=0$ ہوگا سے در حقیقت مساوات 24.6 کے تحت وی نتیج ہوگا سے مثل علامت کے ذریعے شامل ہے مثبت عملامت α کا صورت میں ہوگا۔ اسس کے عملاوہ ہمارے جوابات

$$E_{+}^{1} = W_{aa} = \langle \psi_{a}^{0} | H' | \psi_{a}^{0} \rangle, \quad E_{-}^{1} = W_{bb} = \langle \psi_{b}^{0} | H' | \psi_{b}^{0} \rangle$$

گیک وہی ہیں جو ہم غنیر انحطاطی نظری اضطراب سے حساس کرتے ہیں مساوات 9.6 سے محض ہماری خوسش قشک ہماری خوسش قتم ہے حسالات ہوڑ تھے کیا اور ψ_a^0 ہوڑ ہے کہا چھی بات ہوتی اگر ہم آغن از سے موزوں حسالات حبان پاتے ایمی صورت مسیں ہم غنیر انحطاطی نظری افضار اب استعال کر پاتے حقیقت مسیں ورج ذیل مسئلہ کے تحت ہم عصوماً ایسا کریاتے ہیں

مسئلہ ۱۰: فضرض کریں A ایک ایب ہر مثی عسام ہے جو H^0 اور H^1 کے ساتھ وتابل تبادل ہے اگر H^0 کے انحفاظی است یازی تقاعب اور ψ^0_b عسام کے بھی است یازی تقاعب اور جن کے منفسر داست یازی اور داست منفسر داست یازی اور داست کا منافسر داست کا منافسر داست کا داختہ دارہوں

$$\mu \neq \nu$$
 (1) $A\psi_a^0 = \mu \psi_a^0$, $A\psi_b^0 = \nu \psi_b^0$

$$\begin{split} \langle \psi_a^0 | [A, H'] \psi_b^0 \rangle &= 0 \\ &= \langle \psi_a^0 | A H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' A \psi_b^0 \rangle \\ &= \langle A \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' \nu \psi_b^0 \rangle \\ &= (\mu - \nu) \langle \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle = (\mu - \nu) W_{ab} \end{split}$$

 $W_{ab}=0$ اب $\mu
eq
u$ بوگا

H' اور H^0 اور H^0

منتخب کر کے سادہ اول رتبی نظسر سے اضطسراب بروئے کار لائے ایسا عسامسل تلامشس نے کرنے کی صورت مسیں آپ کومساوات 127.6ستعمال کرناہوگا جس کی ضرورت عملاً کم ہی پڑتی ہے

سوال ۲.۲: فنرض كرين دوموزون غير مضطسرب حسالات

$$\psi_{\pm}^0 = \alpha_{\pm}\psi_a^0 + \beta_{\pm}\psi_b^0$$

جہاں α_{\pm} اور β_{\pm} کو معمول ث دگی تک مساوات 22.6 یا مساوات 24.6 تعسین کرتے ہیں صریحاً درج ذیل وکھائیں

$$(\langle \psi_+^0 | \psi_-^0 \rangle = 0)$$
 جنودی ہے ψ_+^0 .

$$\langle \psi_+^0 | H' | \psi_-^0 \rangle = 0$$
 .

جبان
$$E^1$$
 کی تیمت مساوات 27.6 میں جہاں E^1 کی تیمت مساوات 27.6 میں ہے۔

L نوال ۱۹.۷: فضرض کرے ایک زرہ جس کی کمیت m ہے اپنے آپ پر بسندیک بعدی خطہ جس کی لمبائی L کا بر آزادی ہے حسر کت کرتا ہے

ا. دکھائیں کے ساکن حالات کودرج ذیل روی مسیں لکھا حباسکتاہے

$$\psi_n(x) = \frac{1}{\sqrt{L}} e^{2\pi i n x/L},$$
 $(-L/2 < x < L/2)$

جہاں $n=0,\pm 1,\pm 2,\ldots$ اور احبازتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \frac{2}{m} \left(\frac{n\pi\hbar}{L} \right)^2$$

دھیان رہے کہ زمینی حسال n=0 کے عساوہ تمسام حسالات دہر اانحطاطی ہے

ب. منرض كرين بم اب اضطراب

$$H' = -V_0 e^{-x^2/a^2}$$

متعارف کرتے ہیں جہاں $a \ll L$ ہو ہو ہوں معمولی جھاوٹ پیدا کرتا گویا تار کو یہاں مصرور اللہ متعارف کرتے ہیں جہاں $a \ll L$ ہوں مساوات 127.6 ستمال کرتے ہوئے $a \ll L$ کی اول رتبی تصحیح تلاسٹ کریں اضارہ: چو نکہ $a \ll L$ کا خطب کہ کہ جہار تقت ریب اصغت رہے اور $a \ll L$ کے بہر تقت ریب اصغت رہے اور $a \ll L$ کی بجب کے مسین $a \ll L$ کی بجب کے مسین

ج. اسس مسئلہ کے لئے ψ_n اور ψ_n کی موزوں خطی جوڑ کیا ہوں گے دکھائے کہ ان حسالات کے ساتھ آپ کو مساوات 0.6 استعال کرتے ہوئے اول رقتی تصبح حساس ہوگی

و. ایسا ہر مثی عسام ل A تلامش کریں جو مسئلہ کے مشیر انظا پر پورا اتر تا ہو د کھسائیں کہ H^0 اور A کے بیک وقت استیازی حسالات کھیک وہی ہے جو آپ نے حسین استعال کیے

۲.۲.۲ بلن در تبی انحطاط

گزشته ههه مسین انحطاط کو دو پژ تاتصور کپاگسیا تا ہم ہم دیکھ سکتے ہیں کہ اسس ترکیب کو کسس طسرح عب و می بن ایاحب سکتا ہے مب اوات 22.6 اور 24.6 کو ہم دوبارہ ت البی روپ مسین لکھتے ہیں

$$\begin{pmatrix} W_{aa} & W_{ab} \\ W_{ba} & W_{bb} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} = E^1 \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$$

ظ میں ہے کہ $W \in W$ و تالب کے است یازی اقتدار ہیں مساوات 126.6س متناب کی است یازی مساوات ہے اور غنی ہوڑ $W \in W$ کے است یازی سمتنات ہوں گے اور غنی ہوڑ $W \in W$

 $n \times n$ تا انحطاط کی صورت مسیں $n \times n$ تا الب

(1.79)
$$W_{ij} = \langle \psi_i^0 | H' | \psi_j^0
angle$$

کے استیازی افتدار تلاش کرتے ہیں الجبراکی زبان مسیں موزوں غنیہ مضطہ رب تقب عسالت موج کی تلاش سے مسراد انحطاطی ذیلی نصنا مسیں ایسا اساسس شیار کرنا ہے جو وشالب W کو ورّی بسناتا ہو یہاں بھی ایک ایسا عساس کے بیک وقت امتیازی تف عسالت استعال عساسل A تلاش کر کے جو H' کا وی اللہ اللہ ویرگ ہوگا لہذا آپ کو امتیازی مساوات حسل کریں گے جو از خود ورّی ہوگا لہذا آپ کو امتیازی مساوات حسل کرنے کی ضرورت پیش نہیں آئی گی اگر آپ کو مسیری دوپڑ تا انحطاط کو عصومیت دیتے ہوئے n پڑتا انحطاط پر تیمین سے ہوتیہ سول N کر کے این تسلی کر کس

مثال ٢٠٢: تين آبادي لامتنابي تعبى كنوال سوال 2.4 پرغور كريں

$$V(x,y,z) = \begin{cases} 0, & 0 < x < a, \ 0 < y < a, \ 0 < z < a,$$

ساکن حسالات درج ذیل ہیں

$$\psi^0_{n_xn_yn_z}(x,y,z) = \left(\frac{2}{a}\right)^{3/2}\sin(\frac{n_x\pi}{a}x)\sin(\frac{n_y\pi}{a}y)\sin(\frac{n_z\pi}{a}z)$$

جباں n_y ، n_x اور n_z مثبت عبد دصحیح ہیں ان کی مطابقتی احب زتی تواناسیاں درج ذیل ہیں n_y

(1.rr)
$$E^0_{n_x n_y n_z} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2ma^2} (n_x^2 + n_y^2 + n_z^2)$$

دھیان رہے کہ زمینی حسال ψ_{111} عنی رانحطاطی ہے جس کی توانائی درج ذیل ہے

(1.rr)
$$E_1^0 \equiv 3\frac{\pi^2\hbar^2}{2ma^2}$$

تاہم پہلاہیجان حسال تہسراانحطاطی ہیں

(1.5°)
$$\psi_a \equiv \psi_{112}, \quad \psi_b \equiv \psi_{121}, \quad \psi_c \equiv \psi_{211}$$

اور ان شینوں کی توانائی

(1.5)
$$E_1^0 \equiv 3 \frac{\pi^2 \hbar^2}{ma^2}$$

ایک دوسری حبیبی ہے۔ آیئے اب درج ذیل اضطسراب متعبار ف کرتے ہیں

(۱,۳۲)
$$H' = \begin{cases} V_0, & 0 < x < a/2, \ 0 < y < a/2 \\ 0, & \text{ يگر صور } \end{cases}$$

جوڈ ب کے ایک چو محت کی حصہ مسیں مخفیہ کو V_0 معتدار بڑھاتا ہے مشکل 5.6 زمسینی حسال توانائی کی ایک رتبی تصحیح مساوات 6.6 دریتی ہے

$$\begin{split} E_0^1 &= \langle \psi_{111} | H' | \psi_{111} \rangle \\ &= \left(\frac{2}{a}\right)^3 V_0 \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{\pi}{a}x\right) \mathrm{d}x \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{\pi}{a}y\right) \mathrm{d}y \int_0^a \sin^2\left(\frac{\pi}{a}z\right) \mathrm{d}z \\ (1.72) &= \frac{1}{4} V_0 \end{split}$$

جو ہمارے توقعات کے عسین مطابق ہے اول ہیجبان حسال حبائے کے لیے ہمیں انحطاطی نظسریہ اضطسراب کی پوری صلاحیت در کار ہوگی پہلے متدم مسیں ہم متالب W شیار کرتے ہیں اسس کے وتری ارکان وہی ہوگئے جو زمسینی حسال کے ہیں ماسوائے ان مسین سے ایک سائن جس کادلیاں دگن ہے آپ درج ذیل کی خو د تصدیق کرسے ہیں

$$W_{aa}=W_{bb}=W_{cc}=\frac{1}{4}V_0$$

غىپ روترى ار كان زياده دلچسپ ہے

$$W_{ab} = \left(\frac{2}{a}\right)^{3} V_{0} \int_{0}^{a/2} \sin^{2}\left(\frac{\pi}{a}x\right) dx$$
$$\times \int_{0}^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) \sin\left(\frac{2\pi}{a}y\right) dy \int_{0}^{a} \sin\left(\frac{2\pi}{a}z\right) \sin\left(\frac{\pi}{a}z\right) dz$$

تاہم کے تکمل صف رہو گاجیب W_{ac} کے لیے بھی ہو گالہ ندادرج ذیل ہو گا

$$W_{ab} = W_{ac} = 0$$

الغب رض درج ذيل ہو گا

$$W_{bc} = \left(\frac{2}{a}\right)^3 V_0 \int_0^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}x\right) \sin\left(\frac{2\pi}{a}x\right) dx$$

$$\times \int_0^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) dy \int_0^a \sin^2\left(\frac{\pi}{a}z\right) dz = \frac{16}{9\pi^2} V_0$$

$$= \kappa \equiv (8/3\pi)^2 \approx 0.7205$$

$$= \kappa \equiv (8/3\pi)^2 \approx 0.7205$$

(1.7A)
$$\mathbf{W} = \begin{pmatrix} W_{aa} & W_{ab} & W_{ac} \ W_{ba} & W_{bb} & W_{bc} \ W_{ca} & W_{cb} & W_{cc} \end{pmatrix} = \frac{V_0}{4} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \ 0 & 1 & \kappa \ 0 & \kappa & 1 \end{pmatrix}$$

ت ال W بلکہ 4W/V₀ جس کے ساتھ کام کرنازیادہ آسان ہے کی امت بازی مساوات ضمیہ ا. ۵ کے تحت

$$\begin{vmatrix} 1 - w & 0 & 0 \\ 0 & 1 - w & \kappa \\ 0 & \kappa & 1 - w \end{vmatrix}$$

لعيني

$$(1-w)^3 - \kappa^2(1-w) = 0$$

ہو گی جس کے امت میازی ا**ت** دار درج ذیل ہو نگے

$$w_1 = 1$$
; $w_2 = 1 + \kappa \approx 1.7205$; $w_3 = 1 - \kappa \approx 0.2795$

یوں ۸ کے اول رتبہ تک۔ درج ذیل ہوگا

(1.79)
$$E_1(\lambda) = \begin{cases} E_1^0 + \lambda V_0/4 \\ E_1^0 + \lambda (1+\kappa) V_0/4 \\ E_1^0 + \lambda (1-\kappa) V_0/4 \end{cases}$$

جہاں E_1^0 مشتر کہ غیب مضط رہ توانائی ساوات 35.6 ہے اضط سراہ توانائی E_1^0 تین منف رو توانائیوں کی سطحوں مسی تقسیم کر کے انحطاط حتم کرتا ہے سشکل 6.6 دیکھیں وھیان رہے اگر ہم بجولا پن مسین اسس مسئلے کو غیب رانحطاطی نظر رہ اضط سراہ ہے حسل کرتے تب ہم اخسنز کرتے کہ اول رتبی تصحیح مساوات 9.6 سینوں حسالات کے لئے ایک حسین کا کہ کوئی جو در حقیقت صرف در میانے حسال کے لیے در سے ہے ایک کہ کوئی کہ کوئی کہ کوئی کے در سے ہے جہاں کے لیے در سے ہے در سے ب

مسنزید موزوں غیسے مضط سر ب حسالا ہے درج ذیل روپ کے خطی جوڑ ہو نگے

 $\psi^0 = \alpha \psi_a + \beta \psi_b + \gamma \psi_c$

جباں عبددی سر (γ) اور γ) احتال γ اور γ) احتال جباں عبددی سر (γ) اور γ اور γ

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \kappa \\ 0 & \kappa & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \gamma \end{pmatrix} = w \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{pmatrix}$$

 $eta=\pm\gamma=1/\sqrt{2}$ ، lpha=0 کے لیے $w=1\pm\kappa$ جب $\beta=\gamma=0$ ، lpha=1 کے لیے w=1 جب $\gamma=0$ ، $\gamma=0$ کے لیے $\gamma=0$ کے بین براہ وگئے جب کے بین کے بی کے بین کے ب

(1.71)
$$\psi^0 = \begin{cases} \psi_a \\ (\psi_b + \psi_c)/\sqrt{2} \\ (\psi_b - \psi_c)/\sqrt{2} \end{cases}$$

سوال ۲۰ الاست نابی کعبی کنوال مساوات 30.6 مسین نقط (a/4, a/2, 3a/4) ير ڈیلٹ اتف عسلی موڑا:

$$H' = a^3 V_0 \delta(x - a/4) \delta(y - a/2) \delta(z - 3a/4)$$

ر کھ کر کئواں کو مضطب رہے کہا حباتا ہے۔ زمسینی حسال اور تہسراانحطاطی اول ہیجبان حسالات کی توانائیوں مسین اول رتب تصحیح تلاسٹ کریں

سوال ۱۹.۹: ایک ایسے کوانٹ اکی نظام پر غور کریں جس مسیں صرف تین خطی غیسر تائع حسالات پائے حباتے ہوں فسسرض کریں جس مسیں اسس کا جمعلتی درج ذیل ہے

$$\mathbf{H} = V_0 \begin{pmatrix} (1 - \epsilon) & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \epsilon \\ 0 & \epsilon & 2 \end{pmatrix} = \underbrace{V_0 \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}}_{H^0} + \underbrace{\epsilon V_0 \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}}_{H'}$$

 $\epsilon \ll 1$ ایک متقل ہے اور $\epsilon \gtrsim 0$ کوئی چھوٹا عبد د V_0 ایک متقل ہے اور ج

ا. عنی رمضط ری جمیلننی ($\epsilon=0$) کے است یازی سمتیات اور است یازی افت دار کھیں

ب. و تالب \mathbf{H} کہ بالکل گئیک امتیازی افتدار کے لئے حسل کریں ان مسیں سے ہر ایک کو ϵ کی صورت مسیں دوم رتب تک طب وقت تسلل کی رویہ مسیں پھیلائیں

ج. اول رتبی اور دوم رتبی غنیب رانحطاطی نظریب اضطراب استعال کرتے ہوئے اسس حسال کی امتیازی متدر کی تخمینی تیست تلاسش کریں جو H^0 کے غیب رانحطاطی استعیازی سمتیہ سے پیدا ہو تا ہے آپ نے جواب کا حبزو-اکے بالکل تھیک جواب کے ساتھ موازے کریں

د. اہت دائی طور پر انحطاطی دوامت بازی افت دار کی اول رتبی تھیج کو انحطاطی نظر یائے اضطراب سے تلاسٹ کریں بالکل ٹھیک نتائج کے ساتھ مواز سے کریں

سوال ۱۰.۱: مسین دعویٰ چکاہوں کہ n پڑتا انحطاطی توانائی کے اول رتی تھیج وتالیہ W کے استیازی افتدار ہوں گے مسین نے دعویٰ کیا کہ سے n وصورت کی وقتدرتی عصومیت ہے۔ اسس کو ثابت کرنے کے لئے، حسہ 1.2.6 کی وقت دموں پر چپل کر درج ذیل سے آغناز کرکے

$$\psi^0 = \sum_{j=1}^n \alpha_j \psi_j^0$$

(مساوات 17.6 کوعسومیت دیتے ہوئے) د کھائیں کہ مساوات 22.6 کے مماثل کامفہوم متالب W کی امتیازی متدر مساوات لسیاحیاسکا ہے۔

۲.۳ پائے ڈروجن کامہین ساخت

ہائے ڈروجن جوہر کے مطالعہ کے دوران حصہ 2.4 ہم نے ہمملٹنی درج ذیل لی

(1.5r)
$$H=-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2-\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0}\frac{1}{r}$$

جوالب کٹران کی حسر کی توانائی جمع کولب مخفی توانائی ہے۔ تاہم ہے۔ مکسل کہانی نہیں ہے ہم m کی بحبائے تخفیف شدہ کیت سوال 1.5 استعال کر کے ہیملٹنی مسیں حسر کت مسر کزہ کااثر شامل کرنا سیکھ چے ہیں زیادہ اہم مہین سازے ہے۔ جو در حقیقت دو منفسر دوجوہات، اضافیتی تصبح اور حسکرومدار ربط، کی بناپیدا ہوتا ہے۔ بوہر توانائیوں مساوات 70.4 ک لحاظ ہے مہین ساخت عمر گئر کے مہال

(1.04)
$$\alpha \equiv \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0\hbar c} \cong \frac{1}{137.036}$$

مہین ساخت مستقل کہلاتا ہے اسس سے بھی ۵ گٹ چھوٹالیب انتصال ہے جو بھسر کی مسیدان کی کوانٹ ازنی سے وابستہ ہے اور اسس سے مہین ساخت کہلاتا ہے جو السیٹران اور پروٹان کے جفت قطب معیار اثر کے بھت میں مہین ساخت مہین ساخت میں بیش کسیا گئے مقت طبعی باہم عمسل سے پسیدا ہوتا ہے اسس تنظیم کی ڈھانح پہ کو حبدول 1.6 مسیں پیش کسیا گیا ہے اسس حصہ مسین ہم عنسیر تابع وقت نظر رہے اضطراب کی مشال کے طور پر ہائے ٹروجن کی مہین ساخت پر غور کریں گے سوال ۱۱.۴:

ا. بوہر توانائیوں کومہین ساخت متقل اور السیکٹران کی ساکن توانائی mc^2 کی صورت مسیں تکھیں

... أن اور 2 كى تحب بات قيمتين استعال كي بغير مهين ساخت متقل كى قيمت تلاشش كرين تبعسره پورى طبيعيات مستقل كى قيمت تلاشش كرين تبعسره پورى طبيعيات مسين بلاشبه مهين ساخت مستقل سب سے زياده حنالص بے بعدى بنيادى عسد د ہے يہ برقت طبيعيت السيكٹران كا بار اضافيت روشنى كى رفتار اور كوائم ميكانيات پلانك مستقل كے بنيادى متقلات كى في رشته بيان كرتا ہے اگر آپ حبزو - بحل كريا ئين يقيناً آپ كو نو بيل انعام سے نوازا حبائے گالبت مسيرامشوره بوگا كه اسس وقت اسس پر بہت وقت ضائع ہے كرين بہت سارے انتہائى وتابل لوگ ايسا كركانام ہو كے بين

ا.٣.١ اضافيتی تصحیح

جیملٹنی کاپہلا حبز وبظاہر حسر کی توانائی کو ظاہر کر تاہے

$$T = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{p^2}{2m}$$

جس میں باضابطہ متبادل $abla^2 (\hbar/i)
abla^2 برکرکے درج ذیل عبامیل حیاصل ہوگا$

(1.50)
$$T = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2$$

تاہم مساوات 44.6 حسر کی توانائی کا کلا سسکی کلیہ ہے احض فیتی کلیے درج ذیل ہے

(1.74)
$$T = \frac{mc^2}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} - mc^2$$

جب اں پہلا حبزو کل اضافیتی توانائی ہے جس مسیں مخفی توانائی شامسل نہیں ہے اور جس سے ہمیں فی الحال عنسرض بھی نہیں ہے جبکہ دوسسرا حسنزو ساکن توانائی ہے ان دونوں کے چھونسرق کو حسر کت سے منسوب کیا حباسکتا ہے ہمیں سستی رفت ارکی بحبائے اضافیتی معیار حسر کت

$$p = \frac{mv}{\sqrt{1 - (v/c)^2}}$$

کی صور ___ مسیں T کو لکھٹ ہوگا۔ دھیان رہے کہ

$$p^2c^2 + m^2c^4 = \frac{m^2v^2c^2 + m^2c^4[1 - (v/c)^2]}{1 - (v/c)^2} = \frac{m^2c^4}{1 - (v/c)^2} = (T + mc^2)^2$$

ہو گاجس کی بنادرج ذیل ہو گا

(1.74)
$$T = \sqrt{p^2c^2 + m^2c^4} - mc^2$$

غیبر اضافیتی حد $p \ll mc$ کی صورت میں حسر کی توانائی کی اضافیتی مساوات تخفیف کے بعد کلاسیکی نتائج مساوات کھیٹی جایک چھوٹاء۔ در (p/mc) کی طباحتی تسلسل میں پھیلا کر درج ذیل حسامسل ہوگا

$$\begin{split} T &= mc^2 \Big[\sqrt{1 + \Big(\frac{p}{mc}\Big)^2} - 1 \Big] = mc^2 \Big[1 + \frac{1}{2} \Big(\frac{p}{mc}\Big)^2 - \frac{1}{8} \Big(\frac{p}{mc}\Big)^4 \cdot \dots - 1 \Big] \\ &= \frac{p^2}{2m} - \frac{p^4}{8m^3c^2} + \dots \,. \end{split}$$

ہیملٹنی کی کم سے کمرتبی اضافیتی تصحیح درج ذیل ہے

(1.3•)
$$H'_r = -\frac{p^4}{8m^3c^2}$$

غیر معنظ رب حال میں H' کی توقع آتی قیب رتب اول نظریہ اضطراب میں E_n کی تعلیم ہوگی میں اور E_n کی تعلیم ہوگی میں اور E_n کی تعلیم ہوگی میں اور است E_n کی تعلیم ہوگی میں معنظ معنظ میں معنظ معنظ معنظ میں معنظ میں معنظ میں معنظ میں معنظ میں معنظ میں معنظ معنظ میں معنظ معنظ میں معنظ معنظ میں معنظ میں

$$E_r^1 = \langle H_r' \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^4 \psi | p^4 \psi \rangle$$

لہندادرج ذیل ہوگا

$$(1.5r) \hspace{1cm} E_r^1 = -\frac{1}{2mc^2}\langle (E-V)^2\rangle = -\frac{1}{2mc^2}[E^2 - 2E\langle V\rangle + \langle V^2\rangle]$$

اب تک یہ مکسل طور پر ایک عصومی نتیجہ ہے تاہم ہمیں ہائیڈروجن مسیں ولچپی ہے جس کے لیے $(1/4\pi\epsilon_0)e^2/r$

$$(1.2r) \hspace{1cm} E_r^1 = -\frac{1}{2mc^2} \Big[E_n^2 + 2E_n \Big(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \Big) \Big\langle \frac{1}{r} \Big\rangle + \Big(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \Big)^2 \Big\langle \frac{1}{r^2} \Big\rangle \Big]$$

 ψ_{nlm} جہاں E_n زیر غور حال کی بوہر توانائی توانائی ہے ہے کام مکسل کرنے کی حناطب ہمیں غیبر مضطب سے 1/r اور $1/r^2$ کی توقعی قیمتیں در کار ہوں گی پہلا آسان ہے سوال 12.6 دیکھیں

$$\left\langle \frac{1}{r} \right\rangle = \frac{1}{n^2 a}$$

جباں a رداسس پوہر مساوات 72.4 ہے دوسسراات آسان نہیں ہے سوال 33.6 دیکھسیں تاہم اسس کاجواب درج ذیل ہے

(۲۵.۶)
$$\left\langle \frac{1}{r^2} \right\rangle = \frac{1}{(l+1/2)n^3a^2}$$

يوں درج ذيل ہو گا

$$E_r^1 = -\frac{1}{2mc^2} \left[E_n^2 + 2E_n \left(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \right) \frac{1}{n^2 a} + \left(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \right)^2 \frac{1}{(l+1/2)n^3 a^2} \right]$$

یامیاوات 172.4ستعال کرتے ہوئے a کو حشارج کر کے باقی کو E_n مساوات 70.4 کی صورت مسیں لکھ کے درج ذیل حساصل ہوگا

(1.02)
$$E_r^1 = -\frac{(E_n)^2}{2mc^2} \left[\frac{4n}{l+1/2} - 3 \right]$$

ظناہرہے کہ اصن فیتی تصحیح کی معتدار E_n ے تعتسریباً $E_n/mc^2=2 imes 10^{-5}$ گن کم ہے

سوال ۲۰۱۲: مسئله وریل سوال 40.4 استعال کرتے ہوئے مساوات 55.6 ثابت کریں

سوال ۱۹.۱۳: آپ نے سوال 43.4 میں حال ψ_{321} کے لیے s کی توقعت تی قیمت حاصل کی اپنے جواب کی s=-3 مصادر s=-2 مصادر s=-2 کی صورت میں کیا ہوگا اس پر تبصیرہ کریں s=-2 کی صورت میں کیا ہوگا اس پر تبصیرہ کریں

سوال ۲۰۱۴: یک بعب دی ہار مونی مسر تعشس کی توانائی کی سطحوں کے لیے کم سے کم رتبی اضافیتی تصحیح تلاسٹس کریں اہشارہ: مشال 5.2 مسیس مستعمل ترکیب بروئے کارلائیں

سوال ۱۹.۱۵: وکھائیں کہ ہائیڈروجن حالات کے لیے 0=1 لیتے ہوئے p^2 ہر مثی ہے لیکن p^4 ہر مثی ہمیں ہے ان حالات کے لئے q متغیرات θ اور ϕ کاغیر تابع ہے لہذاوری ذیل ہوگا

$$p^2 = -\frac{\hbar^2}{r^2} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \left(r^2 \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \right)$$

مساوات 13.4 تكمل بالحصص استعال كرتے ہوئے درج ذيل و كھائيں

$$\langle f|p^2g\rangle = -4\pi\hbar^2 \Big(r^2f\frac{\mathrm{d}g}{\mathrm{d}r} - r^2g\frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}r}\Big)\Big|_0^\infty + \langle p^2f|g\rangle$$

تصدیق سیح کا کہ 4₀₀₀ کے لیے ، جو مبدا کے قت ریب درج ذیل ہو گا، سسر حسد کی حب زوصف رہے۔

$$\psi_{n00} \sim \frac{1}{\sqrt{\pi}(na)^{3/2}} e^{(-r/na)}$$

 $\langle \psi_{n00} | p^4 \psi_{m00}
angle = rac{8 \hbar^4}{a^4} rac{(n-m)}{(nm)^{5/2}} + \langle p^4 \psi_{n00} | \psi_{m00}
angle$

۲.۳.۲ حيكرومدار ربط

مسر کزہ کے گرد مدار مسیں السیکٹران کا تصور کریں السیکٹران کے نقطہ نظسر سے پروٹان اسس کے گرد گھومت ہے مشکل 7.6 7.6 مدار مسیں مثبت بار السیکٹران کے چھوکٹ مسیں مقتاطیسی میدان ہیدا کر تا ہے جو حیکر کھیاتے ہوئے السیکٹران پر معیار قوت پسیدا کرکے السیکٹران کے مقتاطیسی معیار اثر ہاکومسیدان کے ہمرٹ بننے کی کوشش کر تا ہے اسس کی ہیمکٹنی مساوات 157.4 درج ذیل ہوگی

$$(1.21)$$
 $H = -\mu \cdot B$

ہمیں پر وٹان کامقت طیسی مب دان اور الب کٹر ان کا جف<u>ت</u> قطیب معبار اثر μ در کار ہو گا

پروٹان کامقٹ طیسی میں دان ہم السیکٹران کی نقط۔ نظے رسے پروٹان کواستمراری دائری روتصور کرکے اسس کے مقٹ طیسی میں دان کو بابوٹ وسیوارٹ مت نون سے حساصل کرتے ہیں

$$B = \frac{\mu_0 I}{2r}$$

(1.29)
$$B=\frac{1}{4\pi\epsilon_0}\frac{e}{mc^2r^3}L$$

جباں میں نے ϵ_0 استعال کے μ_0 کی جگہ $c=1/\sqrt{\epsilon_0\mu_0}$ استعال کیاہے

السیکٹران کا مقن طبی جفت قطب معیار اثر: ایک حب کر کھاتے بار کا مقن طبی جفت قطب معیار اثر اس کے حکر زاویائی معیار حسر کست ہو تعلق رکھتا ہے ان کے جج شن مقن طبی بنہ ہوگا جس کا سیک مقب کا میں مصد ہم حصہ 2.4.4 میں کر جیکے ہیں آئیں اسس مسرت کا اسیکی برقی حسر کسیات استعال کرتے ہوئے اے استعال کرتے ہوئے اے ان کریں ایک ایس ایس ایک ایس کی لیپائی رواس r کے حلا پر کی گئی ہو اور جو محور کے گر د دوری عسر صد r کے گلومت ہو پر غور کریں شکل 18.6سس جسلے کے مقن اطبی جفت قطب معیار اثر کی تعسریف رو (q/T) خرب رقب رقب (πr^2)

$$\mu = \frac{q\pi r^2}{T}$$

اگر چھالا کی کمیت m ہو جمودی معیار از mr^2 ضرب زاویائی سمتی رفتار $(2\pi/T)$ اسس کازاویائی معیار خسر کت ہوگا

$$S = \frac{2\pi mr^2}{T}$$

اس تنظیم کے لیے ظاہر ہے کہ مسکن مقت طبی نبیت S = q/2m ہوگاد ھیان رہے کہ یہ r اور T کا تازی نہیں ہوا گر میسرے پانس کوئی زیادہ پیچیدہ شکل وصورت کا جم ہو تامشلاً ایک کرہ صرف اشت اضروری ہے کہ اپنے محور کے گرد گونے ہے۔ اس جم کی شکل پیدا ہو میں اس کوباریک چھلوں میں کھڑے کر کے تمسام ہے پیدا حصوں کا محب وعب کے کہ اور S کی قیمت مصلوم کر پاتا جب تک کیت اور بارکی تقسیم ایک حبیبی ہو تا کہ بار اور کمیت کا نبیت کے کہ اور بارکی تقسیم ایک حبیبی ہو تا کہ بار اور کمیت کا نبیت کیساں ہو ہر چھلے کا اور لہذا پوری جم کا مسکن مقت طبیبی نبیت ایک دوسرے جیسا ہوگا مسزید μ اور S کے رخ آیک دوسرے جیسے بارگر بار منتی ہو تو ایک دونوں کے من الف ہو گے لہذا درج ذیل ہوگا

$$\boldsymbol{\mu} = \left(\frac{q}{2m}\right) \boldsymbol{S}$$

ہے۔ منالصاً کلا سیکی حباب ہے در حقیقت السیکٹران کامقت طلبی معیار اثر اسس کے کلا سیکی قیمت کاد گناہے

(1.10)
$$\mu_e = -rac{e}{m} S$$

ڈیراک نے السیکٹران کی اصن فیتی نظر رہے مسیں اصن فی حب زو ضربی 2 کی وحب پیش کی ہے ان تمہام کو اکٹھے کرتے ہوئے درج ذیل حساصل ہو گا

$$H = \left(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0}\right) \frac{1}{m^2 c^2 r^3} \boldsymbol{S} \cdot \boldsymbol{L}$$

اسس حسب مسیں ایک مسیری ایک و صدیب سے کام لیا گیا ہے مسیں نے السیکٹران کے ساکن چھوکٹ مسیں تخبزیہ ہوگا تخبزیہ کرد گھومت ہے المہذات اسراع پذیر ہوگا تخبزیہ کرد گھومت ہے المہذات اسراع پذیر ہوگا اسس حساب مسیں محبرد حسرکیات تھیج جے طامس استقبالی حسرکت کہتے ہیں شامسل کرکے و سبول کرے و سبول کرے مسیں حبزو ضربی 1/2 شامسل کرتا ہے۔

(۱.۲۱)
$$H_{so}' = \Big(rac{e^2}{8\pi\epsilon_0}\Big)rac{1}{m^2c^2r^3}m{S}\cdotm{L}$$

یہ حیکر و دائری باہم عمسل ہے۔ ماسوائے دو تصحیح (السیکٹران کی ترمیم شدہ مسکن مقت طیسی نسبت اور طسامس استقبالی حسر کرت حب زوخر بی جو اتنے و آئیل سیکی نمون ہوں نتیج ہے جو آئیل سیکی کا سیکی نمون ہے حسال کرتے۔ طب مطور پر ہے السیکٹران کے لحساتی ساکن چھوکٹ مسین پروٹان کی مقت طیسی میدان مسین، حیکر کالئے السیکٹران کے مقت طیسی جفت قطب معیاراثر پر قوت مسروڑ کی بدولت ہے۔

اب کوانٹم میکانیات کیبات کرتے ہیں۔ جبکر ودائر کی ربط کی صورت مسیں L اور S کے ساتھ ہیملٹنی غیب رمقلوب ہو L^2 گالہاندا جبکر اور دائر کی زاویائی معیار اثر علیجہ و معلیجہ مقلوب ہوگا S^2 مقلوب ہوگا S^2 ، S^2 اور کل زاویائی معیار حسر کے ساتھ۔

$$J\equiv L+S$$

لہندا ہے۔ معتداریں بقب کئی میں مساوات S_z موزوں حسلات ہندی ہیں جب کہ J_z اور S_z ماسیازی حسالات نظسری اضطراب مسیں استعال کے لئے موزوں حسالات نہیں ہیں جب کہ J_z ، J_z ، اور J_z کے استعیازی حسالات موزوں حسالات ہیں اب

$$J^2 = (\boldsymbol{L} + \boldsymbol{S}) \cdot (\boldsymbol{L} + \boldsymbol{S}) = L^2 + S^2 + 2\boldsymbol{L} \cdot \boldsymbol{S}$$

كىبن

(1.18)
$$\boldsymbol{L}\cdot\boldsymbol{S}=\frac{1}{2}(J^2-L^2-S^2)$$

ہوگالہنڈا $L \cdot S$ کے استیازی ات دار درج ذیل ہوگا

$$\frac{\hbar^2}{2}[j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)]$$

یہاں یقیناً S=1/2 ہے مسزید $1/r^3$ کی توقعاتی قیت سوال 35.6(ج) رہے دیل ہے

(1.1r)
$$\langle 1/r^3 \rangle = \frac{1}{l(l+1/2)(l+1)n^3a^3}$$

لہنذاہم درج ذیل اخب ذکرتے ہیں

$$E_{so}^{1} = \langle H_{so}' \rangle = \frac{e^{2}}{8\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{m^{2}c^{2}} \frac{(\hbar^{2}/2)[j(j+1) - l(l+1) - 3/4]}{l(l+1/2)(l+1)n^{3}a^{3}}$$

یاتمام کو E_n کی صورت مسیں لکھتے ہیں

(1.72)
$$E_{so}^1 = \frac{(E_n)^2}{mc^2} \Big\{ \frac{[j(j+1)-l(l+1)-3/4]}{l(l+1/2)(l+1)} \Big\}$$

ہ ایک حسیرے کن بات ہے کہ بالکل مختلف طسبعی پہلوؤں کے باوجود اصنفیتی تصبیح اور حسیکر و دائری بط ایک جتنا رسب (E_n/mc²) رکھتے ہیں ان دونوں کو جمع کرکے ہمیں مکسل مہسین ساخت کا کلیے سوال 17.6 دیکھسیں حساصل ہو تا

(1.71)
$$E_{fs}^{1} = \frac{(E_n)^2}{2mc^2} \left(3 - \frac{4n}{j+1/2}\right)$$

اسس کو کلیے ہو ہر کے ساتھ چھوڑ کر ہم ہائیڈروجن کی توانائی کی سطحوں کا عظسیم نتیجے حساسس کرتے ہیں جس مسین مہین ساخت شامسل ہے

(1.12)
$$E_{nj} = -\frac{13.6\,\mathrm{eV}}{n^2} \Big[1 + \frac{\alpha^2}{n^2} \Big(\frac{n}{j+1/2} - \frac{3}{2} \Big) \Big]$$

مہین ساخت l مسیں انحطاط کو توڑتا ہے لیخی کی ایک n کیلئے l کی مختلف احب زتی قیمتیں ایک دوسرے حبینی توانائی کے حساس نہیں ہو گئی تاہم اب بھی ہے l مسیں انحطاط برفت رار رکھتا ہے شکل 6.0 دیکھیں دائری و چہر زاویائی معیار حسر کرنے کے حساس نہیں ہو گئے۔ ان معتداروں کی معیار حسر کرنے کے حب زوامتیازی افتدار m_s اور m_s اور

سوال ۱۰۱۷: اضافیتی تصحیح مساوات 57.6 اور حبیکر دائری ربط مساوات 65.6 سے مہین ساخت کلیہ مساوات 65.6 نے مہین ساخت کلیہ مساوات 66.6 اخترکریں امشارہ: دھیان رہے کہ 1 2 ب نتیب عبد عسلامت کو باری باری لے کر دیکھیں آیہ دیکھیں آیہ دیکھیں آیہ دیکھیں آیہ دیکھیں آگے کہ دونوں صور توں مسین آحنسری نتیب ایک دوسسروں جیسا ہوگا

سوال ۲۰۱۹: نظسرے اضافت استعال کیے بغیسر ڈیراک مساوات سے ہائیڈروجن کی مہسین ساخت کا شمیل شمیک کلیہ درج ذیل حسامسل ہوتا ہے

$$E_{nj} = mc^{2} \left\{ \left[1 + \left(\frac{\alpha}{n - (j + 1/2) + \sqrt{(j + 1/2)^{2} - \alpha^{2}}} \right)^{2} \right]^{-1/2} - 1 \right\}$$

۳۰۹ زئيسان اثر

ے ذہن میں رکھتے ہوئے کہ $\alpha \ll 1 \ll \alpha$ ہے اسس کو $\alpha \ll 1$ رتبہ تک پھیلا کر دکھائیں کہ آپ مساوات 67.6 دوبارہ حساسل کرتے ہیں

۲.۴ زیسان اثر

ایک جوہر کو یک ان بسیرونی مقت طبیعی میدان B_{ext} مسین رکھنے سے اسس کی توانائی کی سطحوں مسین تبدیلی پیدا ہوتی ہے۔ اسس مظہر کوزیمان اثر کتے ہیں واحبد ایک السیکٹران کے لیے اضطہرا ہوگا

(1.11)
$$H_z' = -(\mu_1 + \mu_2) \cdot \boldsymbol{B}_{est}$$

جہاں

(1.19)
$$\mu_s = -\frac{e}{m}S$$

الپیٹران حپکر کے ساتھ وابہتہ مقت طیسی جفت کتیں معیار الرّ اور

$$\mu_1 = -\frac{e}{2m}L$$

مداری حسر کے کے ساتھ وابستہ جفت کتب معیار انڑے یوں درج ذیل ہوگا

(1.21)
$$H'z=rac{e}{2m}(m{L}+2m{S})\cdotm{B}_{est}$$

زیمان تقسیم کی فط سرت فیصلہ کن حسد تک اندرونی میدان مساوات 59.6ء و پکر مدار ربط پیدا کرتا ہے کے لحیاظ کے جیسے دونی میدان کی طاقت پر مخصصہ ہوگااگر Bext & Bint کہ ہوتیہ مہین ساندے عنالب ہوگا اور کہا کو ایک چیوٹی اضط سراب تصور کسیا حب سائٹ ہے جب کہ Bint & Bout کی صورت مہین زیمان اثر عنالب ہوگا اور مہین ساندے چیوٹی اضط سراب تصور کی حبائے گی ان دو خطوں کے بی جہاں دونوں میدان مقلوب ہے ہمیں انحطاطی اور مہین ساندہ خطوں کے بی جہاں دونوں میدان مقلوب ہے ہمیں انحطاطی نظر سریہ اضط سراب کی پوری تو سے در کار ہوگی اور ہم پر لازم ہوگا کہ ہم ہیملئنی کی متعلقہ ھے کوہا تھ سے و تری ب نئیں درج ذیل حصوں مسین ہم ان تین صور توں پر ہائے ڈروجن کے لیے غور کریں گے سوال ۲۰۲۰: مساوات 159.6 ستمال کرتے ہوئے ہائے ڈروجن کی اندرونی میدان کی انداز قیمت تلامش کر کے بت نئیں کہ طب قستور اور کمت ذور ذیبان میدان کی انداز قیمت تلامش کر کے بت نئیں کہ طب قستور اور کمت ذور ذیبان میدان کی انداز قیمت تلامش کر کے بت نئیں کہ طب قستور اور کمت ذور ذیبان میدان کی انداز قیمت تلامش کر کے بت نئیں کہ طب قستور اور کمت ذور ذیبان میدان کی انداز قیمت تلامش کر کے بت نئیں کہ طب قستور اور کمت ذور ذیبان میدان کی انداز قیمت سال

۱.۴۰ کمنزورمبدان زیمان اثر

اگر $B_{int} \ll B_{int}$ ہوتہ مہین ساخت مساوات 67.6 عنسائب ہو گیا اور موزوں کو انٹم اعبداد i ، i ، اور i ، i ، اور i ہوتگے تاہم چپکر ومدار ربط کی موجود گی مسین i اور i علیجہ دہ بلیجہ دہ بلیجہ میں ہونگے اہم اور i موزوں کو انٹم اعبداد نہیں ہونگے رتب اول نظر سے اضطراب مسین توانائی مسین زیسان تصبح ورج ذیل ہوگی

(1.2r)
$$H_Z^1 = \langle nljm_j | H_Z' | nljm_j \rangle = \frac{e}{2m} \boldsymbol{B}_e xt \cdot \langle \boldsymbol{L} + 2\boldsymbol{S} \rangle$$

اب S=J+S=1 ہوگابر قتمی ہمیں S کی توقعت تی قیمت فوری طور پر معساوم نہمیں ہے لیے کن ہم درن ذیل J=L+S=1 ایک مستقل ہے مشکل J=L+S=1 ایک مستقل ہے مشکل J=L+S=1 مقسر رہ ہمتیہ کے گرد J=1 اور J=1 سیزی ہے استقبالی حسر کت کرتے ہیں بالخصوص J=1 کی مت نہر تھلیل J=1 اور قیمت ہوگا

(1.2
$$extbf{r})$$
 $S_a ve = rac{(S \cdot J)}{j^2} J$

ا برگالهـنا $L^2=J^2+S^2-2oldsymbol{J}\cdot oldsymbol{S}$ برگالهـنا

$$(\mathbf{1.2r}) \qquad \boldsymbol{S} \cdot \boldsymbol{J} = \frac{1}{2} (J^2 + S^2 - L^2) = \frac{\hbar^2}{2} [j(j+1) + s(s+1) - l(l+1)]$$

جس سے درج ذیل حساصل ہو تاہے

$$\langle \mathbf{L} + 2\mathbf{S} \rangle = \langle \left(1 + \frac{\mathbf{S} \cdot \mathbf{J}}{l^2}\right) \mathbf{J} \rangle = \left[1 + \frac{j(j+1) - l(l+1) + 3/4}{2j(j+1)}\right] \langle \mathbf{J} \rangle$$

z کور کور کو سائن میں بندر کن کو انٹے z جبزو ضرب کہتے ہیں جس کو z کے ظاہر کیا حباتا ہے ہم محور z کو B_{ext}

$$(1.21) E_Z^1 = \mu_B g_I B_{ext} m_i$$

جهال

$$\mu_B \equiv \frac{e\hbar}{2m} = 5.788 \times 10^{-5} \,\mathrm{eV/T}$$

بوہر مقت اطبیہ کہلا تاہے مہین ساخت کا حصہ مساوات 67.6 اور زیمیان کا حصہ مساوات 76.6 کا محب موعہ کل توانائی دے گامث ال کے طور پر زمسینی حسال j=1 ، j=1 و مسلموں مسین برخب میں بازی کا مثال کے طور پر زمسینی حسال j=1 ، j=1 کا میں بازی کی میں بازی کا کا میں بازی کا میں بازی کا میں بازی کا کے میں بازی کا کا میں بازی کا کا میں بازی کا کا میں بازی کا میں بازی کا میں بازی کا میں بازی کا کا میں بازی

(1.4A)
$$-13.6 \,\text{eV} (1 + \alpha^2/4) \pm \mu_B B_{ext}$$

 ۷٫۲٪ زئیسان اثر

۲.۴.۲ طاقت ورميدان زيسان الر

اگر $B_{int}\gg B_{int}\gg B_{int}$ بوتسب زیمان اثر عنالب بوگامیدان B_{ext} کو z محور پرر کھ کر موزوں کو انٹم اعبداد m_l ، l ، n ، اور m_s بوتسب بو تگے چو نکہ بیسرونی قوت مسروئی کی صورت مسیں کل منیائی معیار حسر کت بقت نئی بیس بوگاجی ہے m_s اور m_s ہو تگے زیبان ہیملٹنی

$$H_Z' = \frac{e}{2m} B_{ext} (L_z + 2S_z)$$

جب عنب مضط ری توانائی درج ذیل ہونگی

(1.49)
$$E_{nmlms} = -\frac{13.6 \operatorname{electronvolt}}{n^2} + \mu_B B_{ext}(m_l + 2m_s)$$

مہین ساخت کو مکسل نظسرانداز کرتے ہوئے بھی جواب ہوگا تاہم اسس سے بہستر کر سکتے ہیں رتبہ اول نظسریہ اضطسراب مسین ان سطحوں کی مہین ساخت تصحیح درج ذیل ہوگی

(1.1.4)
$$E_{fs}^{1} = \langle nlm_{l}m_{s}|(H_{r}' + H_{s}'o)|\rangle nlm_{l}m_{s}\rangle$$

اضافیتی قصہ وہی ہو گاجو پہلے تھتامساوات57.6حپکر ومدار حبزومساوات61.6کے لیے ہمیں درج ذیل در کار ہوگا

$$\langle \mathbf{S} \cdot \mathbf{L} \rangle = \langle S_x \rangle \langle L_x \rangle + \langle S_y \rangle \langle L_y \rangle + \langle S_z \rangle \langle L_y \rangle = \hbar^2 m_1 m_s$$

(1.Ar)
$$E_{fs}^{1} = \frac{13.6 \,\text{eV}}{n^{3}} \alpha^{2} \Big\{ \frac{3}{4n} - \Big[\frac{l(l+1) - m_{l} m_{s}}{l(l+1/2)(l+1)} \Big] \Big\}$$

حپور کوب ٹن کا حب زو0 = 1 کے لئے غیب رتعیین ہوگایہ ال اسس کی درست قیمت ایک ہے سوال 24.6 دیکھیں زیبان حصہ مساوات 79.6 اور مہین سافت حصہ مساوات 82.6 کا مجبوعت کل توانائی دے گا سوال 17.۲ مساوات 80.6 ہوئے مساوات کر کے مساوات 80.6 ہوئے مساوات کر کر کے مساوات کو کریں

سوال ۱۳۳۳: آٹھ عدد 2 n=1 حالات $|21m_jm_s\rangle$ پر غور کریں طاقت تور میدان زیمان بانٹ کی صورت $\mu_B B_{ext}$ اور 1^2 گیا توانائی تالاسٹ کرے اپنے جواب کو بوہر توانائی 1^2 کے راست متناسب نیمان حصہ کہ محبوعہ کی صورت مسین کھیں مہین ساخت کو مکسل طور پر نظر رانداز کر تے ہوئے منف رد سطوں کی تعبد ادکتنی ہوگی اور ان کے انحطاط کی ہوئے گئے ہوئے منف رد سطوں کی تعبد ادکتنی ہوگی اور ان کے انحطاط کی ہوئے گئے ہوئے منف رد سطوں کی تعبد ادکتنی ہوگی اور ان کے انحطاط کی ہوئے گئے ہوئے منف رد سطوں کی تعبد ادکتنی ہوگی اور ان کے انحطاط کی ہوئے گئے ہوئے منف روست کی محبوب کی مصورت میں کا معرب کی مصورت کی کی مصورت کی مصورت کی مصورت کی کی کرد کی مصورت کی کرد کی کرد کرد کی کرد کی کرد کی

سوال ۱۹۲۳: اگر 0=1 ہوتیہ m_s , j=s ہوگالبہذا کمنزور اور طب استور مید انوں کے لیے موزوں میں اللہ ۱۹۳۵: اگر $m_j=m_s$ ، j=s ہوتیں کر اللہ میں دوسرے جیسے ہوں گے مساوات 72.6 کے E_Z^1 اور مساوات 67.6 کے مہین سازت کی طب قت سے قطع نظر l=0 کیسے نے زیسان اثر کا عسومی نتیجہ کھیں دکھائیں کے در میں نی حیکور کوسائن رکن کی قیمت ایک لیستے ہوئے طب استور میدان کلیے مساوات 82.6 یمی نتیجہ دے گا

۲.۴.۳ درمیانی طاقت میدان زیمان اثر

در میانی طباقت میدان کی صورت مسین نا H'_{fs} اور نبہ ہی H'_{fs} عنالب ہو گاہذا ہمیں دونوں کو ایک نظسرے دکیھ کر پوہر ہیملٹنی میاوات 42.6 کے اضطبر اب تصور کرنا ہو گا

$$H' = H'_Z + H'_{fs}$$

مسیں 2 n=0 صورت پر اپنی توحب محب دود کرتے ہوئے وہ حسالات جن کی وصف j ، i ، اور m_j بیان کرتی ہوئے کو انحطاطی نظریب اضطراب کا اساسس لیتا ہوں کلیبش گورڈن عبد دی سسر سوال 18.4 یاحب دول 18.4 استعمال کرتے ہوئے $|jm_j\rangle$ کا کردن آن کی جو کا کہ کردن آن کی ایس کا کردن آن کی جو کا کہ کردن آن کی جو کا کردن آن کی جو کا کہ کردن آن کی جو کا کہ کردن آن کی جو کا کردن آن کی جو کا کہ کردن آن کی جو کا کہ کردن آن کی جو کی جو کردن آن کی جو کردن آن کی جو کردن آن کی جو کا کردن آن کی جو کردن آن کی کردن آن کی جو کردن آن کی کردن آن کردن آن کردن آن کردن آن کردن آن کردن آن کی کردن آن کی کردن آن کردن آن کردن آن کی کردن آن کردن

$$l = 0 \begin{cases} \psi_1 \equiv |\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle = |00\rangle|\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle \\ \psi_2 \equiv |\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle = |00\rangle|\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle \end{cases}$$

$$l = 1 \begin{cases} \psi_3 \equiv |\frac{3}{2}\frac{3}{2}\rangle = |11\rangle|\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle \\ \psi_4 \equiv |\frac{3}{2}\frac{-3}{2}\rangle = |1-1\rangle|\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle \\ \psi_5 \equiv |\frac{3}{2}\frac{1}{2}\rangle = \sqrt{2/3}|10\rangle|\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle + \sqrt{1/3}|11\rangle\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle \\ \psi_6 \equiv |\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle = -\sqrt{1/3}|10\rangle|\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle + \sqrt{2/3}|11\rangle\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle \\ \psi_7 \equiv |\frac{3}{2}\frac{-1}{2}\rangle = \sqrt{1/3}|1-1\rangle|\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle + \sqrt{2/3}|10\rangle\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle \\ \psi_8 \equiv |\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle = -\sqrt{2/3}|1-1\rangle|\frac{1}{2}\frac{1}{2}\rangle + \sqrt{1/3}|10\rangle\frac{1}{2}\frac{-1}{2}\rangle \end{cases}$$

 H'_{fs} اسس اسس مسیں H'_{fs} کے تسام غیسہ صف و تالبی ار کان جنہیں مساوات H'_{fs} جو وتر پرپائے دبتے ہیں H'_{fs} کے حیار غیسہ ورج تی ارکان پائے حباتے ہیں اور H'_{fs}

$5\gamma - \beta 0$	00	00	00
$05\gamma + \beta$	00	00	00
00	$\gamma-2eta 0$	00	00
00	$0\gamma+2eta$	00	00
00	00	$\gamma - rac{2}{3}etarac{\sqrt{2}}{3}eta$	00
00	00	$\frac{\sqrt{2}}{3}\beta 5\gamma - \frac{1}{3}\beta$	00
00	00	00	$\gamma + \frac{2}{3} eta \frac{\sqrt{2}}{3} eta$
00	00	00	$\frac{\sqrt{2}}{3}\beta 5\gamma + \frac{1}{3}\beta$

جہاں درج ذیل ہوںگے

$$\gamma \equiv (\alpha/8)^2 13.6 \,\mathrm{eV}$$
 let $\beta \equiv \mu_B B_{ext}$

۸.۲. زیبان اثر

اہت دائی حپار است یازی افت دار پہلے سے وزیر و کھائے گئے ہیں اب صرف دو 2 × 2 ڈبوں کی است بیازی افت دار تلاسٹس کرنا باقی ہے ان مسین سے پہلی کی امت بیازی مساوات درج ذیل ہے

$$\lambda^2 - \lambda(6\gamma - \beta) + \left(5\gamma^2 - \frac{11}{3}\gamma\beta\right) = 0$$

جس سے دو درجی کلیے درج ذیل امت یازی افت دار دے گا

(1.17)
$$\lambda_{\pm}=-3\gamma+(\beta/2)\pm\sqrt{4\gamma^2+(2/3)\gamma\beta+(\beta^2/4)}$$

 β ووسرے ڈیلے کی امتیازی افتداریکی مساوات وے گی لیکن اسس مسیں β کی عسلامت السے ہوگی ان آٹھ تو انائیوں کو جبدول 2.6 مسیں ہیٹ کسیا گسیا ہے اور شکل 12.6 مسیں β علامت السیا ہے صف رمیدان β حد β مسیں ہیٹ مہین سافت قیمتیں ویتی ہیں کمنزور میدان β β کی صورت مسیں سوال 21.6 مسیں سافت ورمیدان β β کی صورت مسیں سوال 21.6 مسیں سوال 23.6 مسیں بیٹ گوئی گی گئی تھی کہ بہت زیادہ طب و تقور میدانوں مسیں سے پانچ منف رد تو انائیوں کی مطحول پر مسر کو زبول گ

سوال ۱۹۳۵: حتالی ارکان H'_{fs} اور H'_{fs} دریافت کرکے n=2 کے مستن میں دیا گیا تھکیل وی۔

سوال ۲۰۲۲: ہائے ڈروجن کے n=3 سالات کے لیے کمسزور، طب قستور اور در میانی میدان خطوں کے لیے زیمان اثر کا تخب نریبہ کریں حبد ول 2.6 کی طسر زیر توانائیوں کا حبد ول سیار کرکے انہمیں ہیسیر ونی میدان کے تقامی عصل کے طور پر ترسیم کریں جیب مشکل 12.6 مسیں کیا تھے۔ گا کہ در میانے میدان کے نشائج دو تحدیدی صور توں مسیں تحفیف ہو کر در میانے میدان کے نشائج دو تحدیدی صور توں مسیں تحفیف ہو کر در میں ہے۔ گا کہ در میانے میدان کے نشائج دو تحدیدی صور توں مسیں تحفیف ہو کر در میں ہے۔

۲.۴۰.۴ نهایت مهین بٹواره

پروٹان ازخود ایک مقت طیمی ہفت کتب ہے اگر حپ نیب نمی مسین کمیت کی بنیاسس کا ہفت کتب معیار اثر السیکٹران کے ہفت کتب معیار اثرے بہت کم ہوگامساوات 60.6

(1.16)
$$\mu_p=rac{g_pe}{2m_p}S_p, \quad \mu_e=-rac{e}{m_e}S_e$$

پروٹان ایک مخسلوط ساخت کا ذرہ ہے جو تین کوار کول پر مشتمل ہے لہذاانس کا مسکن مقت طیمی نسبت السیکٹران کی مسکن مقت طیمی نسبت کی طسر تر سادہ نہیں ہوگا جس کی بیائش مقت طیمی نسبت کی طسر تر سادہ نہیں ہوگا جس کی بیائش قیست 59.5 ہے جوالسیکٹران کی قیست دوسے مختلف ہے کلانسیکی برتی حسر کسیات کے تحت جفت کتب ہو درج ذیل مقت طیمی میدان پسیدا کرتا ہے

(1.11)
$$B=rac{\mu_0}{4\pi r^3}[3(m{\mu}\cdot\hat{r})\hat{r}-m{\mu}]+rac{2\mu_0}{3}m{\mu}\delta^3(r)$$

یوپروٹان کے مقت طیسی جفت کتب معیار اثر سے پیدامقت طیسی میدان مسیں السیکٹران کا ہیملٹنی درج ذیل ہو گامساوات 58.6

$$(1.12) \qquad H_{hf}' = \frac{\mu_0 g_p e^2}{8\pi m_p m_e} \frac{[3(\boldsymbol{S}_p \cdot \hat{r})(\boldsymbol{S}_e \cdot \hat{r}) - \boldsymbol{S}_p \cdot \boldsymbol{S}_e]}{r^3} + \frac{\mu_0 g_p e^2}{3m_p m_e} \boldsymbol{S}_p \cdot \boldsymbol{S}_e \delta^3((\boldsymbol{r}))$$

نظ رہے۔ اضط سرا ہے تحت توانائی کی اول رتبی تخفیف مساوات 9.6 اسس طسرح بھی ہیملٹنی کی توقع اتی قیب ۔ ہو گی

$$(\textbf{1.AA}) \quad E_{hf}^1 = \frac{\mu_0 g_p e^2}{8\pi m_p m_e} \langle \frac{3(\boldsymbol{S}_p \cdot \hat{\boldsymbol{r}})(\boldsymbol{S}_e \cdot \hat{\boldsymbol{r}} - \boldsymbol{S}_p \cdot \boldsymbol{S}_e)}{r^3} \rangle + \frac{\mu_0 g_p e^2}{3m_p m_e} \langle \boldsymbol{S}_p \cdot \boldsymbol{S}_e \rangle |\psi(0)|^2$$

زمینی بال مسین یا کسی دوسسری ایسے حسال مسین جس مسین l=0 ہوتف عسل موج کروی تث کلی ہو گالہذا اول توقعت تی تیست صف میں یا کہ والے $|\psi_{100}(0)|^2=1/(\pi a^3)$ ہو گالہذا تیست صف میں درج ذیل ہو گالہذا ہو گالہذا ترمینی بال مسین درج ذیل ہو گا

(1.19)
$$E_{hf}^1 = \frac{\mu_0 g_p e^2}{3\pi m_p m_e a^3} \langle {m S}_p \cdot {m S}_e \rangle$$

چونکہ اسس مسیں دو حبکروں کے نج ضرب نقط پایا حب تا ہے اہذا اسس کو حبکر حبکر ربط کہتے ہیں جیب حبکر مدار ربط مسیں S · L پایا حب تا ہے حبکر حبکر ربط کی موجو دگی مسیں انفٹ رادی حبکر زاویائی معیار اثر بقب ئی نہمیں رہتے ہیں موزوں حسالات کل حبکر کے امت ازی سمتیات ہوگئے

(1.9•)
$$S\equiv S_e+S_p$$

بہلے کی طسرح ہم اسس کامسر بع لے کر درج ذیل حساس کرتے ہیں

(1.91)
$$S_p \cdot S_e = \frac{1}{2}(S^2 - S_e^2 - S_p^2)$$

اب السيكٹران اور پروٹون دونوں كاحپكر ايك بىپ دو ہے لہذا $\delta_e^2=S_p^2=(3/4)\hbar^2$ ہوگامہ تاحب ل تسام حپكر متوازی مسين كل حپكر ايك ہوگا جس كے تحت $S^2=2\hbar^2$ ہوگا يكت حسال مسين كل حپكر صف راہذا $S^2=2\hbar^2$ ہوگا يوں درج ذیل ہوگا گ

$$E_{hf}^{1}=\frac{4g_{p}\hbar^{4}}{3m_{p}m_{e}^{2}c^{2}a^{4}}\begin{cases} +1/4, & \text{ting}\\ -3/4, & \text{ting} \end{cases}$$

حپکر حپکر ربط زمسینی نیمال کے حپکر انحطاط کو توڑ کر سہ تا تنظیم کو اٹھسا تا جبکہ میک تا کو پنچ کر تا ہے سشکل 13.6 یوں ان کے در میان توانائی کاف صلہ درج ذیل ہو گا

(1.9°)
$$\Delta E = \frac{4g_p \hbar^4}{3m_p m_e^2 c^2 a^4} = 5.88 \times 10^{-6} \, \mathrm{eV}$$

۹٫۲ زیبان اژ

سہ تاحسال سے یک تاحسال انتقال کے دوران حسارج فوٹان کا تعبد دورج ذیل ہوگا

(1.90)
$$\nu = \frac{\Delta E}{h} = 1420 \, \mathrm{MHz}$$

اوراس کی مطابقتی طول موج $c/v = 21 \, \mathrm{cm}$ ہو گود موج خطے مسیں پایا جب تا ہے ہے کائٹ سے میں احتراث کی صورت مسین وہ مشہور 21 سینٹی مسیر تحفی خط ہے جو ہر طسر و نسی یا حب تا ہے سوال ۱۹۳۷: و مشہور 21 سینٹی مسیر تحفی خط ہے جو ہر طسر و نسی تا ہے سوال ۱۹۳۵: و مستقل سمتنا سے ہیں ورج ذیل و کھائیں

(1.92)
$$(\boldsymbol{a}\cdot\hat{\boldsymbol{r}})(\boldsymbol{b}\cdot\hat{\boldsymbol{r}})\sin\theta\,\mathrm{d}\theta\,\mathrm{d}\phi = \frac{4\pi}{3}(\boldsymbol{a}\cdot\boldsymbol{b})$$

 $0<\phi<2\phi$ کمل ہمیث کی طسر تہ ہو گال کرتے ہوئے ان کمل ہمیث کی طسر تہ ہو گال کرتے ہوئے ان ان کمل ہمیث کی طسر تال ہو گال کہ نام کے لئے جن کے لیے والے ہوں تالیں کے ایک ہونے کے ایک کا میں میں ان کا میں کی کا میں کا میں کا میں کا میں کے لئے جن کے لیے وہ کا میں کے لئے جن کے لیے وہ کے میں کا میں کی کا میں کے لئے جن کے لیے وہ کے میں کی کا میں کے لئے جن کے لیے وہ کے میں کے لئے جن کے لیے وہ کی کے ان کی کا میں کی کا میں کی کا میں کے لئے جن کے لئے وہ کی کا میں کی کا میں کی کا میں کے لئے جن کے لئے وہ کی کا میں کی کا میں کے لئے میں کی کا میں کی کے ان کی کا میں کے لئے جن کے لئے وہ کی کے لئے میں کے لئے میں

$$\langle \frac{3(\boldsymbol{S}_p \cdot \hat{r})(\boldsymbol{S}_e \cdot \hat{r}) - \boldsymbol{S}_p \cdot \boldsymbol{S}_e}{r^3} \rangle = 0$$

 $\hat{r} = \sin\theta\cos\phi\hat{i} + \sin\theta\sin\phi\hat{j} + \cos\theta\hat{k}$ اثارہ:

سوال ۱۹.۲۸: بائیڈروجن کلیہ مسیں موزوں ترمیم کرتے ہوئے درج ذیل کے لیے زمسینی حسال کی مہین سافت تعین کری (الف) میون ہوگا جس کابار اور ج حبزو ضرب السیکٹرون کے بار اور ج حبزو ضرب السیکٹرون کے بار اور ج حبزو ضرب کے برابرلسیکن کمیت 207 گنازیادہ ہے (ب) پوزیشٹرانی جسس مسیں پروٹان کی جگہ پوزیشٹران ہوگا جس کی کمیت اور ج حبزو ضرب اور السیکٹران کی کمیت اور ج حبزو ضرب اور السیکٹران کی کمیت اور ج حبزو ضرب سے میریروٹان کی جگہ زدمیون ہوگا جس کی کمیت اور ج حبزو ضرب

سوال32.6:

ونسرض کریں ایک مخصوص کو انٹم نظام کا Hamiltonian کی مت دار معلوم کم کا تفعال ہو. $H(\lambda)$ است یازی افت دار کو اور امت اور $E_n(\lambda)$ اور $E_n(\lambda)$ اور $U_n(\lambda)$ اور

$$\frac{\partial E_n}{\partial \lambda} = \left\langle \psi_n | \frac{\partial H}{\partial \lambda} | \psi_n \right\rangle$$

جباں E_n و نفسیر انحطاطی تصور کریں اور اگر انحطاطی ہوں تب تمسام ψ کو انحطاطی امتیازی تفعالات کے موضوع خطی جوڑ تصور کریں۔ کریں۔ (حب زوالف): میلہ Feynman-Hellmann ثابت کریں۔ (امشارہ: میلہ 19.6ستال کریں۔) (حب زوالف): ورج ذیل یقبودی هار مونی مدار اسکا اطلاق کریں۔ ایک $\lambda = \omega$ ایک $\lambda = \omega$ کی توقعت تی تیمت کا کلیے اخت نہوگا۔

$$\lambda=\hbar$$
لیں جو $\langle T
angle$ دے گااور
تین)

 $\lambda = n$

جو $\langle T \rangle$ اور $\langle V \rangle$ کے درمیان رہشتہ دے گا۔ اپنے جو ابات کا سوال 12.2 اور مسلہ virial کی پیشگویوں کے ساتھ موعساز ناکریں۔ سوال 33.6:

میلہ Feynman-Hellmannستمال کرتے ہوے ھاے ڈروجسے لئے $1/r^2$ اور $1/r^2$ کی توقعت تی قیستیں تین کی حب سستی ہیں رادای تفعالات امواج کاموڑ Hamiltonian مساوات 53.4 درج ذیل ہے:

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2}{dr^2} + \frac{\hbar^2}{2m} \frac{l(l+1)}{r^2} - \frac{e^2}{4\pi\epsilon} \frac{1}{r}$$

اورامت مازی افتدار جنہیں کی صورت میں کھا گیاہے مساوات 70.4 درج ذیل ہو گئے

$$E_n = -\frac{me^4}{32\pi^2\epsilon^2\hbar^2(j_{max} + l + 1)^2}$$

(حبزوالف)

میلہ Feynman-Hellmann میں میں ہوں کے ہوں کے ہوں کے استعمال کرتے ہوں ہے کہ تصدیق مساوات میں ہوں ہے ہوں ہے ہوں کریں۔ اپنے نتیجے کی تصدیق مساوات کے 55.6 کے ساتھ کریں۔

(حبزو_):

ن میال کرتے ہوں $\langle 1/r^2 \rangle$ تلاشش کریں۔ اپنے نتیج کی تصدیق میاوات 56.6 کے ساتھ کریں۔ سوال 34.6:

رشته Kramers

$$\frac{s+1}{n^2} \langle r^s \rangle - (2s+1)a \langle r^{s-1} \rangle n + \frac{s}{4} [(2l+1)^2 - s^2] a^2 \langle r^{s-2} \rangle = 0$$

(s,s-1) صبایط کریں جو صابے ڈرو جسنے حسال ψ_{nlm} مسیں السیسٹران کے لئے R کی توقعت تی تین محتلف طب مستوں ψ_{nlm} کی اور (s-s) کا۔ نصافی پیش کر تا ہے۔امشارہ: رادای مساوات 3.44 کو درج ذیل روپ مسیں لکھ کر

$$u'' = \left[\frac{l(l+1)}{r^2} - \frac{2}{ar} + \frac{1}{n^2 a^2}\right]u.$$

ے bilhisis کو $\langle r^{s-1} \rangle$ کی صورت مسیں لکھیں اسکے بعبہ تکامٹل bilhisis کے ذریے دوہر ا تفسیروق کو بیٹس یں ۔ دیکھیا ہیں۔ دیکھیا ہیں۔ دیکھیا ہیں۔ دیکھیا ہیں۔ دیکھیا ہیں۔ دیکھیا ہیں۔ دیکھیا ہیں کے معالمی معاملہ کو بیٹس میں دو بھر انتقاد میں معاملہ کو بیٹس میں دو بھر انتقاد میں معاملہ کی کہ معاملہ کی معاملہ کے معاملہ کی معاملہ کے معاملہ کی معامل

$$\int (ur^su') = -(s/2) < r^{s-1} >$$

$$\int (u'r^su')dr = -[2/(s+1)] \int (u''r^{s+1}u')dr$$

ہوگائی کولے کر آگے حپلیں) سول 35.6 114 ۲.۴.زیمیان اثر

 $\langle r^3 \rangle$ اور $\langle r^{-1} \rangle$, $\langle r \rangle$, $\langle r^2 \rangle$ واور s = 3واور s = 0, s = 1, s = 2ور s = 104.6 کستند Kramers کشتند نوات کارور کا ے قلیات حاصل کریں۔ آپ د کھ کتے ہیں کے آپ اس طرح حیلتے ہے کی بھی مثبت طاقت کے لئے قلب دریافت کر سکتے ہیں۔

(حبزو_):

دو سے رخ آ کچو مثلادر پیش ہوگا آ ہے s=-1 یر کرکے دیکھییں کے آ کچو مرنے $\langle r^{-2}
angle$ اور $\langle r^{-3}
angle$ \lesssim رشتہ حساصسل ہوگا۔

حبزوج:

بسودی. $\langle r^{-2} \rangle$ دریانت کرپایی تب آپ رشته 'Kramers' استعال کرکے باکی تمام منفی قوعتوں اگر آپ کمی طسریقہ سے کرپایی تب آپ دستہ کے لئے قلبات دریافت کر سکتے ہیں۔

مے وات (r^{-3}) تعسین کریں اور اپنے نتیجہ کی است استعال کرتے ہوں (r^{-3}) تعسین کریں اور اپنے نتیجہ کی تصدیق مساوات 64.6کے ساتھ کریں۔ سوال36.6:

ایک جوہر کوبقیابپرونی برقی میدان E_{ext}مسیں رکھنے سے توانائی کی سطحییں ہٹتی ہیں جے سٹارک اثر کہا حیا تاہے اور جو از کابر تی مما سل ہے اسس سوال مسین ہم صابے ڈروجن کے n=1اور n=2لات کے لئے سٹارک zemann اثر کا تحب زید کرتے ہیں۔ منسر من کریں مب دان <u>حرث ہے لہ</u> ذالب کٹران کی مخفی توانائی درج ذیل ہو گی:

 $H_{S}' = eE_{ext}z = eE_{ext}r\cos\theta$

ا کو hamiltonian bohr میں اوات 42.6 میں اضطراب تصور کریں اسس میلہ مسین حیکر کا کوئی کر دار نہیں ہے اہذا اسے نظے رانداز کرتے ہوے عمیدہ ساخت کورعب د کریں۔

اول رتب مسین زمسینی حسال توانائی اسس اضط سراب سے اثر انداذ نہمیں ہوتی۔

رتے اول کاسہی تع<u>ی</u>ن کریں۔ توانائی E₂ کتنے سطحوں میں بے گا؟

درج باله حبنروب مسین موضوع تفعالات موج کیا ہو گئے ؟ ان مسین سے ہر ایک موضوع حسالات مسین برقی جوعف قطب میں از (pe = -er) کی توقع آتی قیمت معلوم کریں۔ آپ دیکھیں گے کہ نتائ کا گومیدان کے تعایٰع نہیں ہونگے اسس طسرح ظباہر ہے کے پہلی ھیجان حسال مسین ھیا ہے ڈروجن برقی جوعفت قطب میصارا اُڑ کاحسامسال ہوگا۔اثارہ:اسس سوال مسیں بہت سارے تاکمات یاے حباتے ہیں تاہم تقسر مین تمام کی قیمت سِفر ہے لہذا حبا ہے قبل غور کریںاگر 6 کمل سف رہوت ۲اور 6 تکملات حسل کرنے کی ضرورت نہیں ہو گی حب زوی جواب

 $W_{13} = W_{31} = -3eaE_{ext}$;

باقی تمسام ار کان سفنسر ہیں۔)

سوال37.6:ھےائے ڈروجن کی 1 = 11حسالات کے لئے سٹارک اثر سوال36.6 پر غور کریں ابت دائی طور پر حپ کر کونظ سرانداز کرتے ہوے اب انحطاطی حسالات ψ_{3lm} ہونگے اور اب ہم zرخ برقی میدان حیالو کرتے ہیں۔ (حبزوالف):

اضط سرانی hamiltonian کوظ ایم کرنے والا 9 × 9 کا کالم شیار کریں حسنروی جواب

 $\langle 300|z|310 \rangle = -3\sqrt{6}a, \langle 310|z|320 \rangle = -3\sqrt{3}a, \langle 31\pm 1|z|32\pm 1 \rangle = -(9/2)a.$

(حبزوب):

امت یازی اقت دار اور انگی انحطاط دریافت کریں.

سوال 38.6 ڈوٹر ئم کی زمسینی حب آل مسیں نہایہ موحسین منتقلی کے دوران حبارج کر دہ پھوٹان کاطولِ موج مسیں تلاسٹس کریں ۔ ڈوٹر ئم در حقیقت بھاری ھائے ڈروجن ہے جسکے مسر کز مسیں ایک اضافی نوٹران پایا حباتا ہے پروٹان اور نوٹران ساتھ حبرٹر کرڈوٹر ئم بہت تے ہیں جہکاحپکرایک مقت طیسی داراثر

$$\mu_d = \frac{g_d e}{2m_d} S_d;$$

اور ڈوٹر ئم کا-gحبزو1.17ہے۔

موال£39.6:

ایک کالم مسیں قسر بی بارداراکا بحبلی میدان جوہر کی توانائی کی سطحوں کو مضطسرب کرتا ہے ایک تازہ نمون کے طور پر فسرض کریں hydrogen جوہر کی پڑوسس مسیں نقطب باروں کی تین جوڑیاں پای حباتی ہیں مشکل 15.6۔(چو نکے اسس۔ سوال کے ساتھ حیکرکاکوئی۔ واستہ نہیں ہے المہذا اسے نظسرانداز کریں)

· حسن والفي):

درج ذیل

 $r << d_1, r << d_2, and r << d_3,$

کی صورت مسیں دیکھا ہے

 $H' = V_0 + 3(\beta_1 x^2 + \beta_2 y^2 + \beta_3 z^2) - (\beta_1 + \beta_2 + \beta_3)r^2,$

جهادرج ذيل بين

 $\beta_i \equiv -\frac{e}{4\pi\epsilon} \frac{\eta_i}{d_i^3},$

اور

 $V_o = 2(\beta_1 d_1^2 + \beta_2 d_2^2 + \beta_3 d_3^2).$

(حبزوب): زمسینی حسال توانائی کار تب اول کی تخفیف تلاسش کریں۔

(حسن و.ج):

ر بسروی.. پہلی ہے۔ هیجان حسالات (n = 2) کی توانائی کے لئے رشب اول کی تخفیف تلاسٹس کریں۔ در حبیذیل صور توں مسین ہے۔ حپار پڑت انحطاطی نظام کتنی سطحوں مسین ہے گا۔

ایک)کابی تث متلی

 $\beta_1 = \beta_2 = \beta_3$,

۲۱۹ زئیسان اثر

کی۔صورے مسیں۔ دو)چوںزاوے تشافشلی

 $\beta_1 = \beta_2 \neq \beta_3$:

کی صور<u>۔</u> مسیں۔

تین) آرتھو ھامبک تشانسل کی صورت مسیں شیننوں مختلف ہو نگیں۔ ملا یہ دور

بازاوت ہے۔ ہار کو غنیسر مضط رہے طفعالات امواج مسین پھلائے مساوات 11.6 بغیسر مساوات 10.6 کو بلیہ واستہ حسال کرنام مسکن ہو تاہے اسسکی دو بلحضوص خوبصورت مثالین درج ذیل ہیں۔

(الف_)

ایک) هاے ڈروجن کی زمین میں سسٹارک اثر ایک یکساں ہیں دونی برقی میدان Eext کی۔ موجود گی مسیں سارک اثر ایک کیسیں اسٹ کریں (سوال stark 36.6 اثر دیکھسیں ۔)۔اٹ ارہ: حسل کی درج ذیل مربی درج ذیل میں۔ درج ذیل میں درج ذیل میں درج ذیل میں۔

 $(A + Br + Cr^2)e^{-r/n}cos\theta;$

استعال کرکے دیکھیں اپ نے متقلات , A , B اور C کی ایسی قیستیں تلاسٹ کرنی ہیں جو مساوات 10.6 کو مطمئن کرتے ہوں۔ ہوں۔

ردی۔ دو)زمسینی حسال توانائی کی رتب دوم تخفیف مساوات 14.6 کی مدد سے تعسین کریں جیسا اپنے سوال 36.6 (الف) مسیں دیکھ ارتب اول تخفیف سف رہوگی جواب:

 $-m(3a^2eE_{ext}/2\hbar)^2$.

(حبزو_)

اگر پروٹان کابر تی جست قطب میعب اِ اثر p ہو تاتب ھٹا ہے ڈروجن کے السیسٹر اکلی مخفی توانائی در حبیذیل معتبدارے مضطسر ب ہوتی۔

 $H' = \frac{epcos\theta}{4\pi\epsilon r^2}$

ایک) زمسینی حسال طفعال مون کی رتبی اول تخفیف کو مساوات 10.6 حسل کرے تلاسٹس کریں۔ دو) دیکھ میں کہ رتب تک جو ہر کافت ل برقی جوعفت قطب میعبار اثر حسیدت کی۔ بات ہے سف رہوگا۔ تین) زمسینی حسال توانائی کی۔ رتب دوم تخفیف مساوات 14.6سے تعسین کریں رتب اول تخفیف کسیا ہوگا؟

جوابات

ف رہنگے

allowed

26energies, energy 51 argument, 22allowed, Bessel 31 conservation, 99 function, spherical 13ensemble, 107energy,binding expectation Bohr 6value. 106radius, formula 106formula,Bohr 16Broglie,De 25 conditions, boundary Fourier 98term,centrifugal 52transform,inverse 83 states, coherent 52transform, 4collapses, Frobenius commutation 45method, function 36relation, canonical 90relations, canonical 59delta,Dirac 36commutator, generalized 28complete, 59 distribution, 77continuous, 59 function, 90continuum, generating coordinates 50 function, 91 spherical, generator 3interpretation,Copenhagen 86space,intranslation 75degenerate, 86time.intranslation delta Gram-Schmidt 28Kronecker. 79process,orthogonalization Dirac 21 Hamiltonian, 80orthonormality, harmonic 77discrete, 25oscillator, dispersion

54relation,

من رہنگ ۲۵۲

3realist,	113Helium,
12potential,	Hermitian
97effective,	40conjugate,
probability	3variables,hidden
8density,	
3 .	2indeterminacy,
quantum	
105number,principle	ladder
numberquantum	38operators,
96azimuthal,	Laguerre
96magnetic,	108polynomial,associated
99numbers,quantum	108polynomial,
	90Laplacian,
97equation,radial	law
recursion	34Hooke,
46 formula,	Legendre
reflection	94associated,
64coefficient,	linear
73time,revival	22combination,
Rodrigues	113Lithium,
49 formula,	
94formula,Rodrigues	6mean,
Rydberg	6median,
113constant,	14momentum,
113 formula,	Neumann
Schrodinger	99 function, spherical 27 node.
20time-independent,	,
1align,Schrodinger	10normalization,
series	14operator,
113Balmer,	38lowering,
28Fourier,	38raising,
113Lyman,	27orthogonal,
113Paschen,	28orthonormal,
35power,	2001tiloiloiliui,
34Taylor,	Planck's
spherical	113 formula,
96harmonics,	polynomial
11 square-integrable,	48Hermite,
7deviation,standard	position
state	3agnostic,
58bound,	3 orthodox.
	2 011110 40.1.

ن رہنگ __ ۲۵۳

" . 	
اتساقی	27excited,
يالات،83	107,27ground,
احبازي	58scattering,
توانائياں،26	statistical
استمراری،77	2 interpretation,
استمرارى ي ،90 اصول	66 function, step
	theorem
عسدم یقینیت،16 انتشاری	28Dirichlet's,
رشته،54	15Ehrenfest,
انحطاطي،75	52Plancherel,
انعکاس	112transition,
شرح،64	transmission
اوسط، 6	64coefficient,
	65,58tunneling,
بقى توانائى، 31 بىنىد شى توانائى، 107	58points,turning
. توانائي، 31	
سندشي توانائي،107	16principle,uncertainty
بوہر	variables
ردانس،106 کلیہ،106 بییل بییل کروی قفعسل،99	19of,separation
106,	7variance,
بليسل کې پر چې د ه ه ه	velocity
کروی تق ^{ے ع} سل 99	54group,
(·IL	54phase,
پيان کل ۱۱۵۰	o ipilase,
سه ۱۱۵۰	wave
پیسیده ماد فصن مسین انتقت ال کا، 86	64incident,
(A	52packet,
يسداكار	64reflected,
وقت مسين انتفتال،86 پسيداکار تف ^ع ل،50	64transmitted,
	1 function,wave
شبادلي	16wavelength,
باضابط، رشته، 36	
باضابط رشتے،90	
شبادل کار ،36	
تحب میری عسر میں ، 73 س	
تر سیل	
ت ر 5،44	
تجدیدی صرص ،73 ترسیل شدرۍ 64 تسلل بالمسر ،113 یاسشن ،113	
بالمسر، 113	
ياسشن،113	

ب کن حسالات، 21 سرحدی شرانط، 25 سرنگ زنی، 65،58	شيـلر،34 ط-ق-قى35; فورىســـر،28 ليمــان،113 تغـيــريـــــ،7
سوچ انگاری،3 تقلیه پسند،3 هیقت پسند،3 سیوهی عساملین،38	تنت عسل وليان، 59 توالى توالى كاسي، 46 توانائى احبازتى، 22 توقعاتى توقعاتى قريسة، 6
سیر هی تف عسل، 66 مشه و در گر عنب ریائع وقت، 20 مشه و در گر تصویر کشی، 86 مشه و در گر مساوات، 1 شمه ریانی مفهوم، 2	احباز کی، 22 توقعت ق قیمت، جفت تفعن عمل 24،
طول موج،113،16 عب سل،14 تقلیسل،38 رفعت،38	حـــال بخصــراو،58 زمـــينى،107،27 مقـــد،58 بيجــان،27
عــبور،112 عــدم تعــين،2 عــدم يقينيت اصول،16 عقــده،27 عليمــد گي متغــيراتـــ،19 عــمودي،27	خطی چوژ ، 22 خفی میخت سات ، 3 دلیل ، 51 ڈیراک معیاری عسودیت ، 80
معیادی،28 غیر مسلسل 77۰ منسروبنوسس	ردای مساوات ،97
ون روبنوس تركيب ،45 فوريس النب بدل،52 بدل،52 متابل تيكامسل مسرئع،11 وتانون	رڈبرگ 113. کلیے ،113 رفت ار دوری سستی ،54 گروہی سستی ،54 روڈریگیس

ىنى بىڭ ي

مسر کز گریز حبزو،98 مسئله امرنفسٹ،15 پلانشسرال،55 ڈرشلے،28 معمول زنی،10 رق بوق معیار حسر ک**ت**،14 معياد سردت، در معياد عدودي، 28 معياري المحسودي، 28 معياري المحسودي، 28 موج موج آمدي، 64 معياري المحسودي موج معتار مناسل، 64 معيار مناسل، 64 مناسل منعکس،64 موجی اکثر،52 كوانٹ ائى اعب داد، 99 لواست اد دو دو کوانستائی عبد د اسمتی ،96 مقت طبیی ،96 کوپن ہیسگن مفہوم ، 3 ہارمونی مسر تعش،25 ہرمثی جوڑی دار،40 ہیسے زنسبر گل تصویر کثی،86 لاپلاس،90 لاگنج شریک کشیدر کن،108 ہیلیم،113 لتھیم، 113 لیژانڈر شریک ،94 ہیملٹنیٰ، 21 متىم تفعس ،59 تفسيم ،59 محسد د 91،وى ،19 موثر ،97 مسر تعش بار مونی ،25