كوانتم ميكانسيات

حنالد حنان يوسفزني

باسے کاسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

۳راگست ۲۰۲۱

عسنوان

vii	پہلی کتاب کادیباح پ	بری	مر
	ے عسل موج		
1		ىف 11	1
1		1.1	
۵		1.1 1 m	
۵	احستال نام مسلمل متفسيرات اسلا غني مسلمل متفسيرات	1.7	
9	۱۳.۴ استمراری متغیبرات		
15	•	۱ ۳	
10		1.0	
14		1.4	
۲۱	پىر تابىغ وقىت سشىر دۈنگىرمىپادات	غسب	۲
۲۱	- ما کن حسالات	۲.1	
۲۷	ا لامت نائى حپ ور کنوال	۲.۲	
٣٩	• 🗓 •	۳٫۳	
٣٨	ا ۲٫۳ الجبرائی ترکی ب		
ړ∽	۲٫۳٫۲ څليالي ترکيب		
۵۵		۳ ۳	
70		r.a	
Υ ₁ γ	۲.۵.۱ مقید حسالات اور بخفسراو حسالات ۲.۵.۱ مقید حسالات مقید می او حسالات ۲.۵.۱ مقید می داد م		
44	۲.۵.۲ وليك القب عسل كنوال		
۷۵		۲.4	
۸۵	ب د وضوابط	قواعه	٣
۸۵	مرمشی عسام سل کے امت بیازی تف ^ع سل	۳.۱	
۸۵	ا.ا.۳ عني رمسلس طيف		
۸۷	۳.۱.۲ استمراری طیف ً		

iv

91	مستعمم شمسارياتی مفهوم	٣.٢	
914	اصول عب رم یقینیت	٣.٣	
90	۳٫۳۰۱ اصول عب دم یقینیت کا ثبوی بروی بروی بروی بروی بروی بروی بروی ب		
91	۳٫۳۰۲ کم سے کم عب م یقینیت کامو بی اکٹھ		
99	۳٫۳٫۳ تواناکی ووقت اصول عب م یقینیت		
1.1	ڈیراک <i>ع</i> سلامت	۳,۳	
		•	
114	ىادى كوانثم مىكانىيات	تين ابع	م
114	کروی محبٰ دمشین مباوات مشیروڈنگر	١,٣	
119	ا.ا. ۲۰ علیجید گی متغییرات		
114	۲.۱.۲ زاویانی مسلوات		
۱۲۵	۳.۱٫۳ ردای مساوات		
119	ہائپیڈروجن جوہر	۳.۲	
14.	المبته أردائي تقن عسل موج		
114	۲۰۲۲ بائپ ڈروجن کاطیف		
۱۳۲	زاوياكي معيار حشر كت تسبب بالمستنان بالمستان بالمستان بالمستنان بالمستنان بالمستنان بالمستنان بالمستان بال	٣.٣	
٣	البقريم استعيازي افتدار		
۲۳۱	ث ل ذرا <u> </u>	متم	۵
	بر تائع وقت نظب رب اضطبراب	٠,	
16.0		۲۱	۲
16.0	عنب رانحطاهی نظتری اضطه راب	1.1	
169	ا.۱۱ مسموی ضابط به بسندی		
10+ 10r	۲.۱.۲ اول رتی نظسری		
	۲۱٫۳۳ دوم ر تی توانائسیال		
100	انحطاطی نظسریہ اضطسراب میں میں میں میں انحطاطی نظسر کے اسلام	۲.۲	
100	۱۲.۲ دوپژ تا انحطاط		
109	۲۲.۲ بلت در تبی انحطاط		
141	ہائے ٹرروجن کامہتین سے خت میں تعصر میں میں میں انتصاف میں	٣.٣	
۱۲۱۲	٦,٣٠١ اضي فيتى تصحيح		
142	۲.۳.۲ حپکرومدار ربط		
1341	ىرى اصول	ij	
171	مر في الصول		_
۱۲۳	_ تخسين	۲.	
1 ()	<i>U.</i> _	وسب	^
۱۲۵	نت نظسريه اضطسراب	تازع وذ	9
174	رار <u> </u>	حب	1+
-			
149	وارد	جھر_	11

ا∠ا																						_*_	نوشه	پس		۱۲
121																									اباب	۶.
۱۷۵																							برا	نطى ا ^{لج}	:	1
140											 										<u>-</u>	متيار	سم	١.	1	
۱۷۵											 									_	اضرر	ررونی	cı	۲.	ı	
140																						تالر		٣.	ı	
140											 							. ر	_		لی اس	بد	تتر	۴.	ı	
۱۷۵											 . ,	برا	افت	زی	تيا	امد	. اور	 لمار	عر	فن	أزى	ت	ام	۵.	ı	
120											 								اے	او_	تب	بمشى	π	۲.		
122																							_	ہنگ	نر	و

میسری پہلی کتاب کادیباحیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومت پاکستان اعسلیٰ تعسیم کی طسر ف توجبہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ مسیں پہلے مصر تب اور پہلی مسرتب اعسلیٰ تعسیمی اداروں مسیں تحقیق کار جمان پیدا ہوا ہے۔ امید کی حباتی ہے کہ بیہ سلمہ حباری رہے گا۔ پاکستان مسیں اعلیٰ تعسیم کانظام انگریزی زبان مسیں رائج ہے۔ دنیا مسیں تحقیق کام کا بیشتر ھے۔ انگریزی زبان مسیں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان مسیں ہم موضوع پر لاتعہداد کتابیں بائی حباتی ہیں جن سے طلب وطالب سے استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک مسیں طلب وط الب سے کی ایک بہت بڑی تعبد ادبنیا دی تعسیم اردوزبان مسیں حساس کرتی ہے۔ ان کے لئے انگریزی زبان مسیں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طسرون، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔ سے طلب وط الب سے ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم وملک کی بھسر پور خسد مت کرنے کے وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی وقت بل نہیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خیاطب وط الب کوئی درکار ہیں۔ کوئی خیال کوئی کوئی سے کواردوزبان مسیں نصاب کی انچھی کتابیں درکار ہیں۔ ہم نے قوی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی حضا طب خواہ کو حشش نہیں گی۔

مسیں برسوں تک اسس صورت حسال کی وحب سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نے کر سکتا تعتار میسرے لئے اردومسیں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممسکن تعتار آحنسر کار ایک دن مسیں نے اپنی اسس کمسزوری کو کتاب نے لکھنے کاجواز بنانے سے انکار کر دیااوریوں ہے کتاب وجود مسیں آئی۔

سے کتاب اردوزبان مسیں تعسیم حسام کرنے والے طلب وطبالب ہے گئے نہایت آسان اردومسیں کھی گئے ہے۔ کوشش کی گئے ہے کہ اسکول کی سطیر نصاب مسین استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ بی استعال کئے حبائیں۔ جہاں الیے الفاظ موجو دستہ تھے وہال روز مسین استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چن ٹی کے وقت اسس بات کا دبان رکھیا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین مسین مجملی ہو۔

کتاب مسین مین الاقوای نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ اہم متغیبرات کی عسلامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجو دہ نظام تعلیم کی نفسانی کتابوں مسین رائع ہیں۔ یوں اردو مسین کھی اسس کتاب اور انگریزی مسین ای مضمون پر کھی کتاب پڑھنے والے طلب و طالب سے کوالے متھ کام کرنے مسین د شواری نہیں ہوگی۔

امید کی حباتی ہے کہ سے کتاب ایک ون حسالفت اردو زبان مسیں انجنیئر نگ کی نصب بی کتاب کے طور پر استعال کی حبائے گا۔ اردوزبان مسیں برقی انجنیئر نگ کی کلسل نصاب کی طسر فسے ہے۔

اسس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزار شس کی حباتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلب وط الب سے تک پہنچ نے مسیں مدد دیں اور انہیں جہاں اسس کتاب مسیں عضلطی نظر آئے وہ اسس کی نشاندہی مسیری ای-مسیل پر کریں۔مسیں ان کا نہایت سشکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب مسین تمام غلطیاں مجھ ہے ہی سے زد ہوئی ہیں البت انہیں درست کرنے مسین بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ مسین ان سب کا شکریہ اداکر تا ہوں۔ یہ سلمار ابھی حباری ہے اور مکسل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات پر ایس مناسل کئے حبائیں گے۔ یہاں شامسل کئے حبائیں گے۔

مسیں بہاں کامسیٹ لو نیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کاسٹکریہ ادا کرنا حپاہت ہوں جن کی وحبہ سے الی سسر گرمیال مسکن ہوئیں۔

> حنالد حنان يوسفز كي 28 اكتوبر 201₁

اب ٢

غبير تابع وقت نظسر په اضطسراب

٢.١ عنب رانحطاطي نظرب اضطراب

ا.۱.۱ عسمومی ضابط، بندی

فنسرض کریں ہم کسی مخفیہ (مشلاً پک بعیدی لامت ناہی حپ کور کنواں) کے لئے غنیب رتائع وقت مشیر وڈنگر مساوات:

$$H^0\psi^0_n=E^0_n\psi^0_n$$

سلیلہ ψ^0_n کا تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ کی تکسل سلیلہ کے تکسل سلیلہ

$$\langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = \delta_{nm}$$

اور ان کی مطب بقتی امتیازی افتدار E_n^0 حساصل کرتے ہیں۔ اب ہم مخفیہ مسیں معمولی اضطہ را بہدا کرتے ہیں (مشلاً کواں کی تہہہ مسین ایک چھوٹا موڑاڈال کر؛ مشکل 6-1) ہم نئے امتیازی تقساعہ مات اور امتیازی افتدار حبانت حہامیں گئے: گئے:

$$H\psi_n=E_n\psi_n$$

تاہم انتہائی خوش قتمتی کے عسلاوہ کوئی وحبہ نہیں پائی حباتی کے ہم اسس پیچیدہ مخفیہ کے لیے مساوات مشہروڈ گر کوبالکل گئیک ٹھیک حسل کرپائیں گے۔ نظریہ اصطراب کوغیر مفط رب صورت کے معلوم ٹھیک ٹھیک حسلوں کولے کر وقدم بقدم جیلتے ہوئے مفط سرب مسئلے کے تخمینی حسل دیت ہے ہم نے ہیمکٹنی کو دواحبزاء کا محب وعد کھ کر آغن ز کرتے ہیں

$$H = H^0 + \lambda H'$$

جہاں H' اضطراب ہے زیر بالا مسیں 0 بمیث غنیہ مضطرب مقیدار کو ظاہر کرتا ہے ہم یہاں λ کو ایک چھوٹا عبد در تصور کرتے ہیں بعبد مسیں اسس کی قیمت کو بڑھ اکر ایک (1) کر دی حبائے گی اور H اصل ہیملٹنی ہوگا اسس کے بعب ہم ψ اور E_n کو λ کی طب وستی تسل کے معرب کسے ہیں

$$\psi_n = \psi_n^0 + \lambda \psi_n^1 + \lambda^2 \psi_n^2 + \cdots$$

$$(Y.Y) E_n = E_n^0 + \lambda E_n^1 + \lambda^2 E_n^2 + \cdots$$

یہاں n ویں امتیازی متدر کی قیمت میں اول رہتی تصحیح کو E_n^1 ظیام کرتا ہے جب n ویں امتیازی تف عسل میں E_n^1 ورم رہی تصحیح ہوں گے وغیبرہ مساوات E_n^2 اور E_n^2 اور E_n^2 ورم رہی تصحیح ہوں گے وغیبرہ مساوات E_n^2 میں پر کرکے مساوات E_n^2 میں پر کرکے

$$(H^{0} + \lambda H')[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

$$= (E_{n}^{0} + \lambda E_{n}^{1} + \lambda^{2} E_{n}^{2} + \cdots)[\psi_{n}^{0} + \lambda \psi_{n}^{1} + \lambda^{2} \psi_{n}^{2} + \cdots]$$

 $\lambda = 1$ یا $\lambda = 1$ یا کھے طاقت وں کو اکٹھ اکٹھ کر درج ذیل کھے حب سکتا ہے

$$H^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(H^{0}\psi_{n}^{1} + H'\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(H^{0}\psi_{n}^{2} + H'\psi_{n}^{1}) + \cdots$$

$$= E_{n}^{0}\psi_{n}^{0} + \lambda(E_{n}^{0}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{0}) + \lambda^{2}(E_{n}^{0}\psi_{n}^{2} + E_{n}^{1}\psi_{n}^{1} + E_{n}^{2}\psi_{n}^{0}) + \cdots$$

 $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$ کا کی صورت مسیں اسس سے $H^0\psi^0_n = E^0_n\psi^0_n$ سامس ہوتا ہے جو کوئی کئی مساوات نہیں ہوگا (ریمانی ایک تک وری نی نیل ہوگا

(1.2)
$$H^0\psi_n^1 + H'\psi_n^0 = E_n^0\psi_n^1 + E_n^1\psi_n^0$$

رتب دوم (λ^2) تک درج ذیل ہوگا

(1.A)
$$H^0\psi_n^2 + H'\psi_n^1 = E_n^0\psi_n^2 + E_n^1\psi_n^1 + E_n^2\psi_n^0$$

و غیسہ ہ وغیسہ ہ (رتب پر نظسر رکھنے کی عشرض سے ہم نے ۸ استعال کیا اب اسس کی ضرورت نہیں رہی اہلہٰ ذا اسس کی قیت ایک، 1 ، کر دیں)

۲.۱.۲ اول رتبی نظسر ب

ری از برونی خرب کیتے ہیں لیعنی $(\psi_n^0)^*$ کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں لیعنی $(\psi_n^0)^*$ کے ساتھ اندرونی خرب کیتے ہیں جب کہ جارہ کی خرب کر محمل کیتے ہیں $\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^0 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$

تاہم H⁰ ہر مشی ہے لہاندا

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^1 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

ہوگاجو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کو حد دنے کرے گامسندید $1=\langle \psi_n^0|\psi_n^0
angle=1$ کی بہت درج ذیل ہوگا $E_n^1=\langle \psi_n^0|H'|\psi_n^0
angle$

ے رتب اول نظری اضطراب کابنیادی نتیجہ ہے بلکہ عملاً ہے پوری کوانٹم میکانیات مسین عنالباً سب ہے اہم مساوات ہے ہے کہتی ہے کے غیر مضطرب حسال مسین اضطراب کی توقعت تی قیمت توانائی کی اول رتبی تصحیح ہوگی

مثال ۲: لامتنای پور کوال کی غیر مضطرب تف علات موج مساوات 28.2 درج ذیل ہیں

$$\psi_n^0(x) = \sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{n\pi}{a}x\right)$$

ونسرض کریں ہم کواں کی تہبہ کو مستقل معتدار V_0 اوپر اٹھاتے ہوئے اسس نظام کو مضطسر ب کرتے ہیں مشکل 2.6 توانائیوں مسین رتب اول تصبح تلامش کریں

ل بوگانانی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگیn ویں حسال کی توانائی سین رتب اول تھیج درج ذیل ہوگی $H'=V_0$

$$E_n^1 = \langle \psi_n^0 | V_0 | \psi_n^0 \rangle = V_0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle = V_0$$

یوں تھیجے شدہ توانائیوں کی سطحییں V_0 ہو گئے جی ہاں تمام کی تمام V_0 منت دارے اوپراٹھتی ہیں بہاں حسیرائی کی بات ہے کہ رتب اول نظر رہا بالکل ٹھیک جو اب دیت ہے یوں نظ ہر ہے کہ منتقل اضط سراب کی صورت مسین تمام بلندرتی تھیجے صف رہوں گی اسس کے بر عکس کواں کی نصف چوڑائی تک اضط سراب کی وسعت کی صورت مسین مشکل 3.6 ہوگا۔

$$E_n^1 = \frac{2V_0}{a} \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{n\pi}{a}x\right) dx = \frac{V_0}{2}$$

اب توانائی کی ہر سطح $\frac{V_0}{2}$ اوپر اٹھتی ہے ہے۔ عن الباً بالکل ٹھیک بتیجہ نہیں ہے اسٹ ناول رسب تخسین کی نقطہ نظسرے معقول جو اب ہے۔

مساوات 9.6 ہمیں توانائی کی اول رتبی تھیج دیتی ہے تف عسل موج کے لئے اول رتبی تھیج حسامسل کرنے کی عنسرض سے ہم مساوات 7.6 کو درج ذیل روپ مسیں لکھتے ہے

$$(H^0 - E_n^0)\psi_n^1 = -(H' - E_n^1)\psi_n^0$$

ایب ان کوئی کی چینز لامت نابی حپکور کنوال کی خصوصیات پر مخصر نہیں ہے المب ذایجی کچھ کسی بھی مخفیہ کے لیے مستقل اضط راب کی صورت مسین درست ہوگا

چونکہ اسس کا دایاں ہاتھ ایک معسلوم تف عسل ہے اہنے ذاہیہ ψ_n^1 مسین ایک عنیبر متحب نسس تف رقی مساوات ہے اب عنیبر مضط سرب تف عسل کی طسر ت ψ_n^1 کو سالہ دیتے ہیں البذا کسی بھی تف عسل کی طسر ت ψ_n^1 کو ان کا خطی جو رُلکھ جب اسکتا ہے

$$\psi_n^1 = \sum_{m
eq n} c_m^{(n)} \psi_m^0$$

 psi_n^1 اگر psi_n^1 مساوات psi_n^1 کو مطمئن کر تا ہوں تب کی بھی متقل α کے لیے $(\psi_n^1 + \alpha \psi_n^0)$ بھی اس مساوات کو مطمئن کرے گالبہ ذاتہ مسبور و ϕ_n^0 کو منٹی کر کتے ہیں ایسے ہی کرتے ہوئے مساوات $c_m^{(n)}$ تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات $c_m^{(n)}$ تعسین کرتے ہم مسئلہ حسل کر سکتے ہیں ہم مساوات $c_m^{(n)}$ مطمئن کرتے ہیں درج ذبل حساس کرتے ہیں درج دبل حساس کرتے ہیں دبل حساس کرتے ہیں درج دبل

$$\sum_{m \neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \psi_m^0 = -(H' - E_n^1) \psi_n^0$$

 ψ_{I}^{0} کے ساتھ اندرونی ضرب کیتے ہیں ψ_{I}^{0}

$$\sum_{m\neq n} (E_m^0 - E_n^0) c_m^{(n)} \langle \psi_l^0 | \psi_m^0 \rangle = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle + E_n^1 \langle \psi_l^0 | \psi_n^0 \rangle$$

اگر n=l ہوتہ بایاں ہاتھ صف ہوگا اور جمیں دوبارہ مساوات 9.6 ملے گی اگر $n\neq 1$ ہو تو درج ذیل ہوگا

$$(E_l^0 - E_n^0)c_l^{(n)} = -\langle \psi_l^0 | H' | \psi_n^0 \rangle$$

١

(1.17)
$$c_m^{(n)} = \frac{\langle \psi_m^0|H'|\psi_n^0\rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

لہنے ذاادرج ذیل حساص^ل ہوگا

$$\psi_n^1 = \sum_{m \neq n} \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle}{(E_n^0 - E_m^0)} \psi_m^0$$

جب تک فیسر مفط سرب تو انائی طیف غیسر انحطاطی ہو نسب نما کوئی م سئلہ کھٹڑا نہیں کرے گا (چو کلہ کمی بھی عصد دی سرکے لئے m=n نہیں ہوتا) پاں اسس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں اس صورت میں جب دوغیسر مفط سرب سالات کی تو انائیاں ایک دوسرے جتی ہو تب مساوات 12.6 مسیں نسب نما مسیں صف ریا جب گا جو ہمیں معیب مسیب مسیب میں فررک یا گا ایک صورت مسین انحطاطی نظر سے اضط سراب کی خرورت پیش آئے گی جس پر حصہ 2.6 مسین غور کسیا حب کے گا یوں اول رتبی نظر رہے اضط سراب مکسل ہوتا ہے تو انائی کی اول رتبی تصبح کے E_n^1 مساوات E_n^2 جب جب کہ

سوال ۲۱: منسر ض کرے ہم لامت ناہی حپ ورکنواں کے وسط مسیں δ تفعملی موڑاؤالتے ہیں

$$H' = \alpha \delta(x - \frac{a}{2})$$

جہاں α ایک متقل ہے

ا۔ احباز تی توانائیوں کی اول رتبی تصبح تلاسٹ کریں بت مئیں کہ جفت 1 کی صورت مسیں توانائیاں مضطرب کیوں نہیں ہوگی

... زمینی حسال کی تصبح ψ_1^1 کی مساوات مساوات 13.6 کی پھیلاو مسین ابت دائی تین غیبر صف راحب زاء تلاسش کریں

سوال ۲۰۴: بار مونی مسر تغتش $[V(x)=rac{1}{2}kx^2]$ کی احب زتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \left(n + \frac{1}{2}\right)\hbar\omega \qquad (n = 0, 1, 2, \cdots)$$

جہاں $\omega=\sqrt{k/m}$ کیا تھے دہے اب مشیر ض کرے مقیاس کی تعددہے الب مشیر کی تعددہے الب مشیر کی تعددہے الب مشیر کی مقیاس کی تعددہے الب مشیر کی مقیاس کی تعددہے الب مشیر کی تعددہے کے تعددہے الب مشیر کی تعددہے الب مشیر کی تعددہے کے تعددہے

ا. (الف) نہیں توانائیوں کی بالکل ٹھیک ٹھیک قیمتیں حاصل کرے آپ نے کل ہے کو دوم رتب تک € کی طب قتیں تسل میں پیسلائیں طب قتیں تا میں پیسلائیں

ب. اب مساوات 9.6 استمال کرتے ہوئے توانائی مسیں اول رتبی اضطراب کا حساب لگائیں یہاں 'H' کسیا ہوگا اپنے نتیج کا حبزو(الف) کے ساتھ مواز نہ کرے امشارہ: نئے کمل کی قیمت کے حصول کی نا ضرورت اور نہ احسازت ہے

ووال ۲۰.۳: ایک لامتنانی حپکور کنوال مساوات 19.2 مسیں دویک ال یوسن رکھے حباتے ہیں ہے مخفیہ $V(x_1,x_2)=-aV_0\delta(x_1-x_2)$

جہاں V_0 ایک مستقل ہے جس کابعہ توانائی ہے اور a کنواں کی چوڑائی ہے کے ذریعے ایک دوسسرے پر بہت معمولی اثر انداز ہوتے ہیں

ا. پہلی و ت دم مسیں ذرات کے باہمی اثر کو نظر رانداز کرتے ہوئے زمین نی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے تغساعسلات موج اور مطالقتی تو انائسیاں تلاسٹس کریں

ب. اول رتبی نظسری اضطسراب استعمال کرتے ہوئے زمسینی حسال اور پہلے ہیجبان حسال کے توانا ئیوں پر ذرات کے باہمی اثر کا تخسین اول رتبی نظسری اضطسراب سے دریافت کریں

۲.۱.۳ دوم رتبی توانائیان

يېسال بھي اسى طسرح بڑھتے ہوئے ہم ψ_n^0 اور دورتبی مساوات مساوات 8.6 کااندرونی ضرب لیتے ہیں

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle + \langle \psi_n^0 | H' \psi_n^1 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle + E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle + E_n^2 \langle \psi_n^0 | \psi_n^0 \rangle$$

 H^0 کی ہر مشی پن کوبروئے کارلاتے ہیں H^0

$$\langle \psi_n^0 | H^0 \psi_n^2 \rangle = \langle H^0 \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle = E_n^0 \langle \psi_n^0 | \psi_n^2 \rangle$$

الهندابائيں ہاتھ كاپېلاحب زودائيں ہاتھ كے پہلے حبزوكے ساتھ كرے جائے گاساتھ كى $\psi_n^0|\psi_n^0
angle$ ہوگالهندا جارے ياس E_n^0 كادرى ذيل كلي رەحباتا ہے

(1.16)
$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle - E_n^1 \langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle$$

m=n شاہم مجبوعہ میں m=n شاہدا m=n

$$\langle \psi_n^0 | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | \psi_m^0 \rangle = 0$$

ہو گاجس کی بن

$$E_n^2 = \langle \psi_n^0 | H' | \psi_n^1 \rangle = \sum_{m \neq n} c_m^{(n)} \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle = \sum_m m \neq n \frac{\langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \rangle \langle \psi_n^0 | H' | \psi_m^0 \rangle}{E_n^0 - E_m^0}$$

باآحن ركار

(1.12)
$$E_n^2 = \sum_{m \neq n} \frac{\left| \langle \psi_m^0 | H' | \psi_n^0 \right|^2}{E_n^0 - E_m^0}$$

ہو گاجو دورتی نظسرے اضطسراب کابنیادی نتیجہ ہے۔

اگر پ ہم ای طسرح آ گے بڑھتے ہوئے تف عسل موج کی دوم رتبی تھیج 4 توانائی کی سوم رتبی تھیجے وغیب رہ وغیب رہ حساس کر سکتے ہیں لیسکن عملاً اسس ترکیب کو صرف مساوات 6۔15 تک استعمال کرنا سود مسد ہوگا۔ سوال ۲۰۸۴:

ا. توانائیوں کی دوم رتبی تصبح (E_n^2) سوال 1.6 کی مخفیہ کے لیے تلاسٹس کریں۔ تبصیہ ہو: آپ سلسل کا محبموعہ صریحاً $-2m(\alpha/\pi\hbar n)^2$ حاصل کر کے طاق n سیلئے عبیں۔

بالکل کے لئے دوم رتبی تصبح E_n^2 سوال 2.6 کے مخفیہ کے لئے تلاسٹس کریں۔ تعب یق سیجے گا کہ آپ کا نتیجب بالکل درست نتیجہ کے مطابق ہے۔

سوال ۲۰۵: ایک ایسے باردار ذرہ پر غور کریں جو یک بعب دی ہار مونی ارتعتاثی مخفیہ مسین پایا حباتا ہو۔ منسر ض کریں ہم ایک کمسزور برقی میدان (E) حپالو کرتے ہیں جس کی بت مخفی توانائی مسین H' = qEx مقتدار کی تبدیلی پیدا ہوتی ہے۔

ا. د کھائیں کہ توانائیوں کی دوسطحوں مسیں کوئی اول رتبی تب یلی پیدا نہیں ہو گی۔ دورتبی تھیج تلاسٹس کریں۔ امشارہ: سوال 33.3 دیکھیں۔

 $x' \equiv x - (qE/m\omega^2)$ استعال کرتے ہوئے موجودہ صورت مسیں مشروذ گر مساوات کو بلا واسطہ حسل کی جب سکتا ہے۔ ایس کرتے ہوئے ٹھیک ٹھیک توانائیاں تلاسش کر کے دکھائیں کہ یہ نظے رہے اضطحراب کی تخمین کے مطابق ہے۔

۲.۲ انحطاطی نظری اضطراب

اگر غنیسر مضط سرب حسالات انحطاطی ہوں لینی دویا دوسے زیادہ منفسر د حسالات ψ_a^0 اور ψ_b^0 کی توانائیاں ایک E_a^2 عنیں ہوں تب سادہ نظسری اضط سراب غنیسر کارآمد ہوگا چونکہ $c_a^{(b)}$ مساوات 12.6 اور $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$ مساوات 15.6 بین شاید ماسوائے اسس صورت جب شمیار کنندہ صف رہو $\phi_a^0|H'|\psi_b^0\rangle=0$ اور جس کو ہم بعب دسین استعال کریں گے۔ یوں انحطاط صورت میں ہمیں توانائیوں کی اول

رتبی تصحیح مساوات 9.6 پر بھی یقین نہیں کرنا دیا ہے اور ہمیں مسئلے کا کوئی دو سے راحسل ڈھونڈنا ہو گا۔

ا.۲.۲ دویرٔ تاانحطاط

درج ذیل منسرض کریں جہاں ψ^0_h اور ψ^0_h معمول شدہ ہیں۔

(1.11)
$$H^0\psi^0_a = E^0\psi^0_a, \quad H^0\psi^0_b = E^0\psi^0_b, \quad \langle \psi^0_a | \psi^0_b \rangle = 0$$

دھیان رہے کہ ان حسالات کاہر خطی جوڑ

$$\psi^0 = \alpha \psi_a^0 + \beta \psi_b^0$$

بھی H^0 کاامتیازی سال ہو گاجس کاامتیازی و تدر E^0 بھی وہی ہو گا

$$H^0\psi^0 = E^0\psi^0$$

عام طور پر اضط راب (H') انحطاط کو "توڑے" (یا "منسوخ" کرے) گا جیسے جیسے ہم λ کی قیمت صنسرے ایک کی طرون پر اضط سراب و ایک عنسان کے بین مضل کے بین منظ سرب تو انائی کے اگر ہم اضط سراب کو بت لین صنسر کر دیں تب بالائی حسال کا تخفیف ψ_b^0 اور ψ_b^0 اور ψ_b^0 اور ψ_b^0 ایک خطی جوڑ مسیں ہو گا جب ذیریں حسال کا تخفیف کی دو سرے عصودی خطی جوڑ مسیں ہو گا تاہم ہم قب از وقت نہیں حبان سے بین کہ جب موزوں خطی جوڑ کیا ہوں گے چو نکہ ہم غیب مضل میں مضط سرب حسالات نہیں حبائے بین لہ نہیں وجب ہے کہ ہم اول رہی تو تانائیاں مساوات 6.9 کاحب نہیں کر سے بیں

ای لیے ہم ان موزوں عنی مصطرب حسالات کونی الحسال عصومی روپ مساوات 17.6 مسیں لکھتے ہیں جہاں م

ور $H=H^0+\lambda H'$ اور

(1.r•)
$$E = E^0 + \lambda E^1 + \lambda^2 E^2 + \cdots, \quad \psi = \psi^0 + \lambda \psi^1 + \lambda^2 \psi^2 + \cdots$$

کیلئے حسل کرنا چیاہے ہیں انہیں مساوات 19.6 مسیں پر کر کے پہلے کی طسر ت کر کی ایک حبیبی طباقت توں کو اکٹھ ا کر کے درج ذیل حساس او گا

$$H^0\psi^0 + \lambda(H'\psi^0 + H^0\psi^1) + \dots = E^0\psi^0 + \lambda(E^1\psi^0 + E^0\psi^1) + \dots$$

اب $\psi^0 = E^0$ مساوات 18.6 کی بین احب زاءایک دو سرے کے ساتھ کئے جبکہ $H^0 \psi^0 = E^0$ رتب کے لیے در بن ذیل ہو گا

(1.71)
$$H^0\psi^1 + H'\psi^0 = E^0\psi^1 + E^1\psi^0$$

 ψ_a^0 اندرونی ضرب کیتے ہیں ψ_a^0 اندرونی ضرب کے ساتھ

$$\langle \psi_a^0 | H^0 \psi^1 \rangle + \langle \psi_a^0 | H' \psi^0 \rangle = E^0 \langle \psi_a^0 | \psi^1 \rangle + E^1 \langle \psi_a^0 | \psi^0 \rangle$$

چونکہ H^0 ہرمشی ہے المہذا بائیں ہاتھ پہلا حبزو دائیں ہاتھ کے پہلے حبزو کے ساتھ کٹ حبائے گامساوات 17.6 کو استعمال کرتے ہوئے اور معیاری عسودیت کی شرط مساوات 17.6 کوبروئے کارلاتے ہوئے

$$\alpha \langle \psi_a^0 | H' | \psi_a^0 \rangle + \beta \langle \psi_a^0 | H' | \psi_b^0 \rangle = \alpha E^1$$

يامختصراً

$$\alpha W_{aa} + \beta W_{ab} = \alpha E^1$$

حساصل ہو گاجہاں درج ذیل ہو گا

(1.rr)
$$W_{ij} \equiv \langle \psi_i^0 | H' | \psi_j^0
angle, \quad (i,j=a,b)$$

اسی طسرح ψ_b^0 کے ساتھ اندرونی ضرب درج ذیل دے گا

$$\alpha W_{ba} + \beta W_{bb} = \beta E^1$$

وھیان رہے کہ اصولاً ہمیں تمسام W معساوم ہے چو نکہ ہے۔ عنہ مضط منط سرب تضاعب اور ψ^0_a اور ψ^0_b کے لیاظ ہمیں تمسام W معساوات W_{ab} کے مساوات W_{ab} کے مساوات W_{ab} کو مساوات W_{ab} کو مساوات کر کے درج ذیل حساس ہوگا

(1.5a)
$$\alpha [W_{ab}W_{ba} - (E^1 - W_{aa})(E^1 - W_{bb})] = 0$$

غير صف ر α کي صورت ميں ماوات 25.6 جميں E^1 کي ماوات و گي

(Y.PY)
$$(E^1)^2 - E^1(W_{aa} + W_{bb}) + (W_{aa} + W_{bb} - W_{ab}W_{ba}) = 0$$

دودر جی کلیہ استعال کرتے ہوئے اور مساوات 23.6 سے جب نتے ہوئے $W_{ba}=W_{ab}^*$ ہم درج ذیل اخت ذکرتے ہیں

(1.rz)
$$E_{\pm}^{1}=rac{1}{2}\Big[W_{aa}+W_{bb}\pm\sqrt{(W_{aa}-W_{bb})^{2}+4|W_{ab}|^{2}}\Big]$$

ی انحطاطی نظری اضطراب کا بنیادی نتیج ہے جہاں دو جندر دو مفطر ب توانا کوں سے مطابقت رکھتے ہیں لیکن صف α ہوگالہذام اوات 0 کی صورت میں کیا ہوگالہ ورسے میں $\beta=0$ ہوگالہذام اوات 0 کی صورت میں کیا ہوگالہذام اوات 0 کی خت ورسے بھی اور محقود میں ہوگا ہوگا ہوگا ہے در حقیقت میں دات 0 کی صورت میں ہوگا۔ اس کے میں متی عامت کے ذریع شامل ہے مثبت عملامت $\beta=0$ ہوگا ہوگا ہوگا۔ اس کے عملاوہ ہمارے جوابات

$$E_{+}^{1} = W_{aa} = \langle \psi_{a}^{0} | H' | \psi_{a}^{0} \rangle, \quad E_{-}^{1} = W_{bb} = \langle \psi_{b}^{0} | H' | \psi_{b}^{0} \rangle$$

گیک وہی ہیں جو ہم غنیر انحطاطی نظری اضطراب سے حساس کرتے ہیں مساوات 9.6 سے محض ہماری خوسش قشک ہماری خوسش قتم ہے حسالات ہوڑ تھے کیا اور ψ_a^0 ہوڑ ہے کہا چھی بات ہوتی اگر ہم آغن از سے موزوں حسالات حبان پاتے ایمی صورت مسیں ہم غنیر انحطاطی نظری افضار اب استعال کر پاتے حقیقت مسیں ورج ذیل مسئلہ کے تحت ہم عصوماً ایسا کریاتے ہیں

مسئلہ ۱۰: فضرض کریں A ایک ایب ہر مثی عسام ہے جو H^0 اور H^1 کے ساتھ متابل تبادل ہے اگر H^0 کے انحفاظی است یازی تقاعب است ہوں جن کے منفسر داست یازی النے اللہ منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال الت دار ہوں التحال ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی التحال ہوں میں منابعت ہوں جن کے منفسر داست یازی تقدیم ہوں جن کے منابعت ہوں جن کر ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے جن کے منابعت ہوں جن کے منابعت ہوں جن کے جن کے منابعت ہوں جن کے جن کے منابعت ہوں جن کے جن

$$\mu
eq
u$$
 (e. $A\psi_a^0 = \mu \psi_a^0$, $A\psi_b^0 =
u \psi_b^0$

تب $W_{ab}=0$ ہوگاہہذا ψ^0_b اور ψ^0_b نظریہ اضطہراہہمیں متابل استعمال موزوں حسالات ہوں گے بورے ترمین کر ہے ہیں کہ [A,H']=0 ہوگا جس کے تحت درج ذیل ہوگا

$$\begin{split} \langle \psi_a^0 | [A, H'] \psi_b^0 \rangle &= 0 \\ &= \langle \psi_a^0 | A H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' A \psi_b^0 \rangle \\ &= \langle A \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle - \langle \psi_a^0 | H' \nu \psi_b^0 \rangle \\ &= (\mu - \nu) \langle \psi_a^0 | H' \psi_b^0 \rangle = (\mu - \nu) W_{ab} \end{split}$$

 $W_{ab}=0$ اب $u \neq
u \neq
u$ ہوگا

H' اور H^0 اور H^0

منتخب کرکے سادہ اول رتبی نظر رہے اضطراب بروئے کار لائے ایسا عسامسل تلامش نے کرنے کی صورت مسیں آپ کومساوات 127.6ستعال کرناہوگا جس کی ضرورت عملاً کم ہی پڑتی ہے

$$\psi_{\pm}^0 = \alpha_{\pm}\psi_a^0 + \beta_{\pm}\psi_b^0$$

جہاں α_{\pm} اور β_{\pm} کو معمول ث دگی تک مساوات 22.6 یا مساوات 24.6 تعسین کرتے ہیں صریحاً درج ذیل وکھائیں

$$(\langle \psi_+^0 | \psi_-^0
angle = 0)$$
 عسودی ہے ψ_\pm^0 .

جباں
$$E^1$$
 کی قیمت ساوات 27.6 کی ہے جہاں E^1 کی جہاں E^1 کی جہاں ہوں کے جہاں ہو

L نوال ۱۹.۷: فضرض کرے ایک زرہ جس کی کمیت m ہے اپنے آپ پر بسندیک بعدی خطہ جس کی لمبائی L

ا. دکھائیں کے ساکن حالات کودرج ذیل روی مسیں لکھا حباسکتاہے

$$\psi_n(x) = \frac{1}{\sqrt{L}} e^{2\pi i n x/L},$$
 $(-L/2 < x < L/2)$

جہاں $n=0,\pm 1,\pm 2,\ldots$ اور احبازتی توانائیاں درج ذیل ہیں

$$E_n = \frac{2}{m} \left(\frac{n\pi\hbar}{L} \right)^2$$

دھیان رہے کہ زمینی حسال n=0 کے عساوہ تمسام حسالات دہر اانحطاطی ہے

ب. منرض كرين بم اب اضطراب

$$H' = -V_0 e^{-x^2/a^2}$$

متعارف کرتے ہیں جہاں $a \ll L$ ہو ہو ہوں معمولی جھاوٹ پیدا کرتا گویا تار کو یہاں مصرور اللہ متعارف کرتے ہیں جہاں $a \ll L$ ہوں مساوات 127.6 ستمال کرتے ہوئے $a \ll L$ کی اول رتبی تصحیح تلاسٹ کریں اضارہ: چو نکہ $a \ll L$ کا خطب کہ کہ جہار تقت ریب اصغت رہے اور $a \ll L$ کے بہر تقت ریب اصغت رہے اور $a \ll L$ کی بجب کے مسین $a \ll L$ کی بجب کے مسین

ج. اسس مسئلہ کے لئے ψ_n اور ψ_n کی موزوں خطی جوڑ کیا ہوں گے دکھائے کہ ان حسالات کے ساتھ آپ کو مساوات 0.6 استعال کرتے ہوئے اول رقتی تصبح حساس ہوگی

و. ایس ہر مشی عب مسل A تلاشش کریں جو مسئلہ کے مشرائط پر پورا اترتا ہو د کھے ئیں کہ H^0 اور A کے بیک وقت استیازی حسالات گھیک وہی ہے جو آپ نے حسن وہ مسیل استعال کیے

۲.۲.۲ بلن در تبی انحطاط

گزشته ههه مسین انحطاط کو دو پژ تاتصور کپاگسیا تا ہم ہم دیکھ سکتے ہیں کہ اسس ترکیب کو کسس طسرح عب و می بن ایاحب سکتا ہے مب اوات 22.6 اور 24.6 کو ہم دوبارہ ت البی روپ مسین لکھتے ہیں

$$\begin{pmatrix} W_{aa} & W_{ab} \\ W_{ba} & W_{bb} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} = E^1 \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$$

ظ میں ہے کہ $W \in W$ و تالب کے استیازی اقتدار ہیں مساوات 126.6س متناب کی استیازی مساوات ہے اور غنیبر مضط منط میں مضاف کے استیازی سمتنات ہوں گے متعالم ہونہ کی جوڑ W کے استیازی سمتنات ہوں گے

 $n \times n$ تا انحطاط کی صورت مسیں $n \times n$ تااب

(1.79)
$$W_{ij} = \langle \psi_i^0 | H' | \psi_j^0
angle$$

کے امتیازی افتدار تلاش کرتے ہیں الجبراکی زبان مسیں موزوں عنیسر مضطسر بے تفاعسلات موج کی تلاش سے مسراد انحطاطی ذیلی نصنا مسیں ایسا اساسس شیار کرنا ہے جو وشال W کو وتری بسناتا ہو یہاں بھی ایک ایسا عاسل A تلاشش کر کے جو اللا کا استابل ہو A اور اللا کے بیک وقت امتیازی تفاعسلات استعال کرکے ہم وارت کو اور اللا کے بیک وقت امتیازی مساوات حسل کرنے کی ضرورت کر کے ہم وشالب ندا آپ کو امتیازی مساوات حسل کرنے کی ضرورت پیش نہیں آئی گی اگر آپ کو مسیری دوپڑتا انحطاط کو عسومیت دیے ہوئے n پڑتا انحطاط پر یقین سنہ ہوتیہ سوال 10.6 حسل کرکے ان تسلی کرلیں

مثال ٢٠٢: تين آبادي لامتنابي تعبى كنوال سوال 2.4 پرغور كريں

$$V(x,y,z) = \begin{cases} 0, & 0 < x < a, \ 0 < y < a, \ 0 < z < a,$$

ساكن حسالات درج ذيل ہيں

$$\psi^0_{n_xn_yn_z}(x,y,z) = \left(\frac{2}{a}\right)^{3/2}\sin(\frac{n_x\pi}{a}x)\sin(\frac{n_y\pi}{a}y)\sin(\frac{n_z\pi}{a}z)$$

جباں n_y ، n_x اور n_z مثبت عبد دصحیح ہیں ان کی مطابقتی احب زتی تواناسیاں درج ذیل ہیں n_y

(1.rr)
$$E^0_{n_x n_y n_z} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2ma^2} (n_x^2 + n_y^2 + n_z^2)$$

دھیان رہے کہ زمینی حسال ψ_{111} عنی رانحطاطی ہے جس کی توانائی درج ذیل ہے

(1.rr)
$$E_1^0 \equiv 3\frac{\pi^2\hbar^2}{2ma^2}$$

تاہم پہلاہیجان حسال تہسراانحطاطی ہیں

(1.5°)
$$\psi_a \equiv \psi_{112}, \quad \psi_b \equiv \psi_{121}, \quad \psi_c \equiv \psi_{211}$$

اور ان تسینوں کی توانائی

(1.50)
$$E_1^0 \equiv 3 \frac{\pi^2 \hbar^2}{ma^2}$$

ایک دوسری حبیبی ہے۔ آیئے اب درج ذیل اضطسراب متعبار ف کرتے ہیں

(1.77)
$$H' = \begin{cases} V_0, & 0 < x < a/2, \ 0 < y < a/2 \\ 0, & \text{i.i.} \end{cases}$$

جوڈ ب کے ایک چوبھتائی حصہ مسیں مخفیہ کو V_0 مقد دار بڑھاتا ہے مشکل 5.6 زمسینی حسال توانائی کی ایک رتبی تھیج مساوات 0.9 دیتی ہے

$$\begin{split} E_0^1 &= \langle \psi_{111} | H' | \psi_{111} \rangle \\ &= \left(\frac{2}{a}\right)^3 V_0 \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{\pi}{a}x\right) \mathrm{d}x \int_0^{a/2} \sin^2\left(\frac{\pi}{a}y\right) \mathrm{d}y \int_0^a \sin^2\left(\frac{\pi}{a}z\right) \mathrm{d}z \\ (\text{1.T2}) &= \frac{1}{4} V_0 \end{split}$$

جو ہمارے توقعات کے عسین مطابق ہے اول ہیجبان حسال حبائے کے لیے ہمیں انحطاطی نظسر سے اضطہراب کی پوری صلاحیت در کار ہوگی پہلے متدم مسیں ہم متالب W شیار کرتے ہیں اسس کے وتری ارکان وہی ہونگے جو زمسینی حسال کے ہیں ماسوائے ان مسین سے ایک سائن جس کادلیاں دگن ہے آب درج ذیل کی خو د تصدیق کرسے ہیں

$$W_{aa}=W_{bb}=W_{cc}=\frac{1}{4}V_0$$

غىپ روترى ار كان زياده دلچسپ ہے

$$W_{ab} = \left(\frac{2}{a}\right)^{3} V_{0} \int_{0}^{a/2} \sin^{2}\left(\frac{\pi}{a}x\right) dx$$
$$\times \int_{0}^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) \sin\left(\frac{2\pi}{a}y\right) dy \int_{0}^{a} \sin\left(\frac{2\pi}{a}z\right) \sin\left(\frac{\pi}{a}z\right) dz$$

تاہم کے تحمل صف رہو گاجیب W_{ac} کے لیے بھی ہو گالہ ندادرج ذیل ہو گا

$$W_{ab} = W_{ac} = 0$$

الغب رض درج ذيل ہو گا

$$W_{bc} = \left(\frac{2}{a}\right)^3 V_0 \int_0^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}x\right) \sin\left(\frac{2\pi}{a}x\right) dx$$

$$\times \int_0^{a/2} \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) \sin\left(\frac{\pi}{a}y\right) dy \int_0^a \sin^2\left(\frac{\pi}{a}z\right) dz = \frac{16}{9\pi^2} V_0$$

$$= \kappa \equiv (8/3\pi)^2 \approx 0.7205$$

$$= \kappa \equiv (8/3\pi)^2 \approx 0.7205$$

(1.7A)
$$\mathbf{W} = \begin{pmatrix} W_{aa} & W_{ab} & W_{ac} \ W_{ba} & W_{bb} & W_{bc} \ W_{ca} & W_{cb} & W_{cc} \end{pmatrix} = \frac{V_0}{4} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \ 0 & 1 & \kappa \ 0 & \kappa & 1 \end{pmatrix}$$

ت ال W بلکہ 4W/V₀ جس کے ساتھ کام کرنازیادہ آسان ہے کی امت بازی مساوات ضمیہ ا. ۵ کے تحت

$$\begin{vmatrix} 1 - w & 0 & 0 \\ 0 & 1 - w & \kappa \\ 0 & \kappa & 1 - w \end{vmatrix}$$

لعيني

$$(1-w)^3 - \kappa^2(1-w) = 0$$

ہو گی جس کے امت مازی ا**ت د**ار درج ذیل ہو نگے

$$w_1 = 1; \quad w_2 = 1 + \kappa \approx 1.7205; \quad w_3 = 1 - \kappa \approx 0.2795$$

یوں λ کے اول رتبہ تک درج ذیل ہو گا

(1.79)
$$E_1(\lambda) = \begin{cases} E_1^0 + \lambda V_0/4 \\ E_1^0 + \lambda (1+\kappa) V_0/4 \\ E_1^0 + \lambda (1-\kappa) V_0/4 \end{cases}$$

جباں E_1^0 مشتر کہ غیب مضط رہ توانائی مساوات 35.6 ہواضط راہ توانائی E_1^0 تین منف رو توانائیوں کی سطحوں مسی تقسیم کر کے انحطاط حتم کرتا ہے سشکل 6.6 دیکھیں وھیان رہے اگر ہم بھولا پن مسین اسس مسئلے کو غیب رانحطاطی نظر رہ اخطاطی انظامی سے مسلک کرتے تب ہم اخساز کرتے کہ اول رہی تصبح مساوات 9.6 سینوں حسالات کے لئے ایک حبیبی $V_0/4$ ہوتی جو در حقیقت صرف در میانے حسال کے لیے درست ہے ایک حبیبی $V_0/4$ ہوتی جو در حقیقت صرف در میانے حسال کے لیے درست ہے

من بید موزوں غیسر مفتط رہے حسالات درج ذیل روپ کے خطی جوڑ ہو گئے

(1.5.) $\psi^0 = \alpha \psi_a + \beta \psi_b + \gamma \psi_c$

جباں عبددی سر (γ) اور γ) تالب γ کے امتیازی سمتیا ہوں گے

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \kappa \\ 0 & \kappa & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \gamma \end{pmatrix} = w \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{pmatrix}$$

 $eta=\pm\gamma=1/\sqrt{2}$ ، lpha=0 کے لیے $w=1\pm\kappa$ جب $eta=\gamma=0$ ، lpha=1 کے لیے w=1 جب $\gamma=0$ ، $\gamma=0$

(1.71)
$$\psi^0 = \begin{cases} \psi_a \\ (\psi_b + \psi_c)/\sqrt{2} \\ (\psi_b - \psi_c)/\sqrt{2} \end{cases}$$

سوال ۲۰۸۱: لامت نابی کعبی کنوال مب وات 30.6 مسین نقط (a/4, a/2, 3a/4) پر ڈیاٹ اقف عسلی موڑا:

$$H' = a^3 V_0 \delta(x - a/4) \delta(y - a/2) \delta(z - 3a/4)$$

ر کھ کر کنوال کو مضط رہے کیا حباتا ہے۔ زمین نی حسال اور تہر سراانحطاطی اول ہیجبان حسالات کی توانائیوں مسین اول رتبی تصحیح تلاسٹ کریں

سوال ۱۹.۹: ایک ایسے کوانٹ اکی نظام پر غور کریں جس مسیں صرف تین خطی غیسر تائع حسالات پائے حباتے ہوں فسسرض کریں جس مسیں اسس کا جمعلتی درج ذیل ہے

$$\mathbf{H} = V_0 \begin{pmatrix} (1 - \epsilon) & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \epsilon \\ 0 & \epsilon & 2 \end{pmatrix} = \underbrace{V_0 \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}}_{H^0} + \underbrace{\epsilon V_0 \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}}_{H'}$$

 $\epsilon \ll 1$ ایک متقل ہے اور $\epsilon \ll 1$ کوئی چھوٹاعب در V_0 ہے۔

ا. عنی رمضط ریب جیملننی ($\epsilon=0$) کے است یازی سمتیات اور است یازی افت دار کھیں

... وتالب \mathbf{H} کہ بالکل شیک است یازی افت دارے کئے حسل کریں ان مسیں ہے ہر ایک کو ϵ کی صورت مسیں دوم رتبہ تک طب وقت ت تسلل کی روپ مسیں پھیلائیں

ج. اول رتبی اور دوم رتبی غنیب رانحطاطی نظریب اضطراب استعال کرتے ہوئے اسس حسال کی امتیازی متدر کی تخمینی تیست تلاسٹ کریں جو H^0 کے غیب رانحطاطی استعیازی سمتیہ سے پیدا ہو تا ہے آپ نے جواب کا حبزو-اکے بالکل تھیک جواب کے ساتھ موازے کریں

د. اہت دائی طور پر انحطاطی دوامت یازی اوت دار کی اول رتبی تنعیج کو انحطاطی نظر یائے اضطراب سے تلاسٹ کریں بالکل ٹھیک نتائج کے ساتھ مواز نے کریں

سوال ۱۰.۱: سمیں دعویٰ چکاہوں کہ n پڑتا انحطاطی توانائی کے اول رتبی تھیج متالب W کے استیازی اقتدار ہوں گے مسیں نے دعویٰ کیا کہ سے N سے اسس کو ثابت کرنے کے گئے، حسہ 1.2.6 کی متدموں پر چل کر درج ذیل سے آغناز کرکے متدموں پر چل کر درج ذیل سے آغناز کرکے

$$\psi^0 = \sum_{j=1}^n \alpha_j \psi_j^0$$

(مساوات 17.6 کوعسومیت دیتے ہوئے) د کھائیں کہ مساوات 22.6 کے مماثل کامفہوم متالب W کی امتیازی ویدر مساوات لساحیاسکاہے۔

۲.۳ پائے ڈروجن کامہین ساخت

ہائے ڈروجن جوہر کے مطالعہ کے دوران حصہ 2.4 ہم نے ہمملٹنی درج ذیل لی

(1.5r)
$$H=-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2-\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0}\frac{1}{r}$$

جوالب کٹران کی حسر کی توانائی جمع کولب مخفی توانائی ہے۔ تاہم ہے۔ مکسل کہانی نہیں ہے ہم m کی بحبائے تخفیف شدہ کیت سوال 1.5 استعال کر کے ہیملٹنی مسیں حسر کت مسر کزہ کااثر شامل کرنا سیکھ چے ہیں زیادہ اہم مہین سازے ہے۔ جو در حقیقت دو منفسر دوجوہات، اضافیتی تصبح اور حسکرومدار ربط، کی بناپیدا ہوتا ہے۔ بوہر توانائیوں مساوات 70.4 ک لحاظ ہے مہین ساخت عمر گئر کے مہال

(1.04)
$$\alpha \equiv \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0\hbar c} \cong \frac{1}{137.036}$$

مہین ساخت مستقل کہلاتا ہے اسس ہے بھی ۵ گٹ چھوٹالیب انتصال ہے جو بھسر کی میدان کی کوانٹ زنی ہے وابستہ ہے اور اسس ہے مہین ساخت کہلاتا ہے جو الیکٹران اور پروٹان کے جفت قطب معیار اثر کے بھوٹالیب از اثر کے خوال سے مسندید کم نہایت ہے اسس تنظیم کی ڈھانح ہے کو حبدول 1.6 مسیں پیش کسیا گیا ہے اسس جھسہ معیس باہم عمسل سے پیدا ہوتا ہے اسس تنظیم کی ڈھانح ہور پر ہائے ٹروجن کی مہمین ساخت پر غور کریں گے سوال ۱۱.۴:

ا. بوہر توانائیوں کومہین ساخت متقل اور السیکٹران کی ساکن توانائی mc² کی صورت مسیں تکھیں

... أن اور 2 كى تحب بات قيمتين استعال كي بغير مهين ساخت متقل كى قيمت تلاشش كرين تبعسره پورى طبيعيات مستقل كى قيمت تلاشش كرين تبعسره پورى طبيعيات مسين بلاشبه مهين ساخت مستقل سب سے زياده حنالص بے بعدى بنيادى عسد د ہے يہ برقت طبيعيت السيكٹران كا بار اضافيت روشنى كى رفتار اور كوائم ميكانيات پلانك مستقل كے بنيادى متقلات كى في رشته بيان كرتا ہے اگر آپ حبزو - بحل كريا ئين يقيناً آپ كو نو بيل انعام سے نوازا حبائے گالبت مسيرامشوره بوگا كه اسس وقت اسس پر بہت وقت ضائع ہے كرين بہت سارے انتہائى وتابل لوگ ايسا كركانام ہو كے بين

ا.٣.١ اضافيتی تصیح

جیملٹنی کاپہلا حبز وبظاہر حسر کی توانائی کو ظاہر کر تاہے

$$T = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{p^2}{2m}$$

جس میں باض ابلہ متبادل $p o(\hbar/i)
abla^2$ پر کرکے درج ذیل عبامسل متبادل ہوگا

(1.50)
$$T = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2$$

تاہم مساوات 44.6 حسر کی توانائی کا کلا سسیکی کلیے ہے اصف فیتی کلیے درج ذیل ہے

(1.74)
$$T = \frac{mc^2}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} - mc^2$$

جب اں پہلا حبزو کل اضافیتی توانائی ہے جس مسیں مخفی توانائی شامسل نہیں ہے اور جس سے ہمیں فی الحال عنسرض بھی نہیں ہے جبکہ دوسسرا حسنزو ساکن توانائی ہے ان دونوں کے چھونسرق کو حسر کت سے منسوب کیا حباسکتا ہے ہمیں سستی رفت ارکی بحبائے اضافیتی معیار حسر کت

$$p = \frac{mv}{\sqrt{1 - (v/c)^2}}$$

کی صورت مسیں T کو لکھٹ ہوگا۔ دھیان رہے کہ

$$p^2c^2 + m^2c^4 = \frac{m^2v^2c^2 + m^2c^4[1 - (v/c)^2]}{1 - (v/c)^2} = \frac{m^2c^4}{1 - (v/c)^2} = (T + mc^2)^2$$

ہو گاجس کی بنا درج ذیل ہو گا

(1.74)
$$T = \sqrt{p^2c^2 + m^2c^4} - mc^2$$

غیبراض فیتی حسد کا سیکی $p \ll mc$ کی صورت مسیں حسر کی توانائی کی اصف فیتی مساوات تخفیف کے بعد کا سیکی خت راضافیتی مساوات 344.6 بی ہے ایک چھوٹاء سد (p/mc) کی طب مستی تسلسل مسیں پھیلا کر درج ذیل حساسل ہوگا

$$\begin{split} T &= mc^2 \Big[\sqrt{1 + \Big(\frac{p}{mc}\Big)^2} - 1 \Big] = mc^2 \Big[1 + \frac{1}{2} \Big(\frac{p}{mc}\Big)^2 - \frac{1}{8} \Big(\frac{p}{mc}\Big)^4 \cdot \cdot \cdot - 1 \Big] \\ &= \frac{p^2}{2m} - \frac{p^4}{8m^3c^2} + \cdot \cdot \cdot \, . \end{split}$$

ہیملٹنی کی کم سے کم رتبی اضافیتی تصحیح درج ذیل ہے

(1.3•)
$$H'_r = -\frac{p^4}{8m^3c^2}$$

غیر معنظ رب حال میں H' کی توقع آتی قیب رتب اول نظریہ اضطراب میں E_n کی تصبح ہو گی میں اور E_n

$$E_r^1 = \langle H_r' \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle \psi | p^4 \psi \rangle = -\frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

$$= \frac{1}{8m^3c^2} \langle p^2 \psi | p^2 \psi \rangle$$

لہندادرج ذیل ہوگا

$$(1.5r) \hspace{1cm} E_r^1 = -\frac{1}{2mc^2}\langle (E-V)^2\rangle = -\frac{1}{2mc^2}[E^2 - 2E\langle V\rangle + \langle V^2\rangle]$$

اب تک یہ مکسل طور پر ایک عصومی نتیجہ ہے تاہم ہمیں ہائیڈروجن مسیں ولچپی ہے جس کے لیے $(1/4\pi\epsilon_0)e^2/r$

$$(1.2r) \hspace{1cm} E_r^1 = -\frac{1}{2mc^2} \Big[E_n^2 + 2E_n \Big(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \Big) \Big\langle \frac{1}{r} \Big\rangle + \Big(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \Big)^2 \Big\langle \frac{1}{r^2} \Big\rangle \Big]$$

 ψ_{nlm} جہاں E_n زیر غور حال کی بوہر توانائی توانائی ہے ہے کام مکسل کرنے کی حناطب ہمیں غیبر مضطب سے 1/r اور $1/r^2$ کی توقعی قیمتیں در کار ہوں گی پہلا آسان ہے سوال 12.6 دیکھیں

$$\left\langle \frac{1}{r} \right\rangle = \frac{1}{n^2 a}$$

جباں a رداسس پوہر مساوات 72.4 ہے دوسسراات آسان نہیں ہے سوال 33.6 دیکھسیں تاہم اسس کاجواب درج ذیل ہے

(۲۵.۶)
$$\left\langle \frac{1}{r^2} \right\rangle = \frac{1}{(l+1/2)n^3a^2}$$

يوں درج ذيل ہو گا

$$E_r^1 = -\frac{1}{2mc^2} \left[E_n^2 + 2E_n \left(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \right) \frac{1}{n^2 a} + \left(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \right)^2 \frac{1}{(l+1/2)n^3 a^2} \right]$$

یا مساوات 172.4 ستعال کرتے ہوئے a کو حشارج کر کے باقی کو E_n مساوات 70.4 کی صورت مسیں لکھ کے درج ذیل حسامسل ہوگا

(1.02)
$$E_r^1 = -\frac{(E_n)^2}{2mc^2} \left[\frac{4n}{l+1/2} - 3 \right]$$

ظ ابرے کہ اضافیق تصحیح کی معتدار $E_n/mc^2=2 imes 10^{-5}$ گن کم ہے نظام ہے کہ اضافیق تصحیح کی معتدار

سوال ۲۰۱۲: مسئله وریل سوال 40.4 استعال کرتے ہوئے مساوات 55.6 ثابت کریں

ووال ۱۹.۱۳: آپ نے موال 43.4 مسیں حال ψ_{321} کے لیے s کی توقعت تی قیمت حاصل کی اپنجواب کی s=-3 منسر اہم صف s=-2 مساوات s=-2 مساوات s=-2 کی صورت مسیں کیا ہوگا اس پر تبصہ رہ کریں s=-2 کی صورت مسیں کیا ہوگا اس پر تبصہ رہ کریں

سوال ۲۰۱۴: یک بعب دی ہار مونی مسر تعشس کی توانائی کی سطحوں کے لیے کم سے کم رتبی اضافیتی تصحیح تلاسٹس کریں اہشارہ: مشال 5.2 مسیس مستعمل ترکیب بروئے کارلائیں

سوال ۱۹.۱۵: وکھائیں کہ ہائیڈروجن حالات کے لیے 0=1 لیتے ہوئے p^2 ہر مثی ہے لیکن p^4 ہر مثی ہمیں ہے ان حالات کے لئے q متغیرات θ اور ϕ کاغیر تابع ہے لہذاوری ذیل ہوگا

$$p^2 = -\frac{\hbar^2}{r^2} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \left(r^2 \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \right)$$

مساوات 13.4 تكمل بالحصص استعال كرتے ہوئے درج ذيل و كھائيں

$$\langle f|p^2g\rangle = -4\pi\hbar^2 \Big(r^2f\frac{\mathrm{d}g}{\mathrm{d}r} - r^2g\frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}r}\Big)\Big|_0^\infty + \langle p^2f|g\rangle$$

تھ۔ بق سیجے گا کہ 4_{n00} کے لیے، جومبدائے متسریب درج ذیل ہوگا، سسرحہ کی حب زوصف ہے۔

$$\psi_{n00} \sim \frac{1}{\sqrt{\pi}(na)^{3/2}} e^{(-r/na)}$$

 $\langle \psi_{n00} | p^4 \psi_{m00}
angle = rac{8 \hbar^4}{a^4} rac{(n-m)}{(nm)^{5/2}} + \langle p^4 \psi_{n00} | \psi_{m00}
angle$

۲.۳.۲ حيكرومدار ربط

مسر کزہ کے گرد مدار مسیں السیکٹران کا تصور کریں السیکٹران کے نقطہ نظسر سے پروٹان اسس کے گرد گھومت ہے مشکل 7.6 7.6 مدار مسیں مثبت بار السیکٹران کے چھوکٹ مسیں مقت طیبی میدان ہیدا کر تا ہے جو حیکر کھیاتے ہوئے السیکٹران پر معیار قوت پسیدا کرکے السیکٹران کے مقت طیبی معیار اثر ہاکومسیدان کے ہمرٹ بننے کی کوشش کر تا ہے اسس کی ہیمکٹنی مساوات 157.4 درج ذیل ہوگی

$$(1.2A)$$
 $H = -\mu \cdot B$

 μ در کار ہوگا میں پر وٹان کامقت طیسی میدان اور السیکٹر ان کا جفت قطب معیار اثر μ

پروٹان کامقٹ طیسی میں دان ہم السیکٹران کی نقط۔ نظے رسے پروٹان کواستمراری دائری روتصور کرکے اسس کے مقٹ طیسی میں دان کو بابوٹ وسیوارٹ مت نون سے حساصل کرتے ہیں

$$B = \frac{\mu_0 I}{2r}$$

جس مسیں مو ژرو P = e/T ہے جہاں P پروٹان کے بار کواور P دائرے پر ایک چپکر کے دوری عسر مسے کو ظباہر کرتا P بروٹان کے بار کواور P بروٹان کے براگر کواور P بروٹان کے براگر کواور P بروٹان کے براگر کواور P بروٹان کے بروٹان کے بروٹان کے بروٹان کی معیار کرنے کے بروٹان کی معیار کرنے کے بروٹان کی بروٹان کی معیار کرنے کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان کی بروٹان کی بروٹان کی بروٹان کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان کی بروٹان کے بروٹان کی بروٹان

(1.29)
$$B=\frac{1}{4\pi\epsilon_0}\frac{e}{mc^2r^3}L$$

جباں میں نے ϵ_0 استعال کرے μ_0 کی جگہ $c=1/\sqrt{\epsilon_0\mu_0}$ خباں میں نے جباں میں نے دوروں کا میں میں نے دوروں کی جانے میں میں نے دوروں کی جانے کی میں میں کا میں میں کے دوروں کی جب کی میں کے دوروں کی دوروں کی دوروں کی میں کے دوروں کی میں کے دوروں کی دوروں کی دوروں کی میں کے دوروں کی میں کے دوروں کی دوروں کی

السیکٹران کا مقن طبی جفت قطب معیار اثر: ایک حب کر کھاتے بار کا مقن طبی جفت قطب معیار اثر اس کے حکر زاویائی معیار حسر کست ہو تعلق رکھتا ہے ان کے جج شن مقن طبی بنہ ہوگا جس کا سیک مقب کا میں مصد ہم حصہ 2.4.4 میں کر جیکے ہیں آئیں اسس مسرت کا اسیکی برقی حسر کسیات استعال کرتے ہوئے اے استعال کرتے ہوئے اے ان کریں ایک ایس ایس ایک ایس کی لیپائی رواس r کے حلا پر کی گئی ہو اور جو محور کے گر د دوری عسر صد r کے گلومت ہو پر غور کریں شکل 18.6سس جسلے کے مقن اطبی جفت قطب معیار اثر کی تعسریف رو (q/T) خرب رقب رقب (πr^2)

$$\mu = \frac{q\pi r^2}{T}$$

 $(2\pi/T)$ اس کازاویائی معیار اش mr^2 شربزاویائی سمتی رفت از $(2\pi/T)$ اس کازاویائی معیار خسر کت ہوگا

$$S = \frac{2\pi mr^2}{T}$$

اس تنظیم کے لیے ظاہر ہے کہ مسکن مقت طبی نبیت S = q/2m ہوگاد ھیان رہے کہ یہ r اور T کا تازی نہیں ہوا گر میسرے پانس کوئی زیادہ پیچیدہ شکل وصورت کا جم ہو تامشلاً ایک کرہ صرف اشت اضروری ہے کہ اپنے محور کے گرد گونے ہے۔ اس جم کی شکل پیدا ہو میں اس کوباریک چھلوں میں کھڑے کر کے تمسام ہے پیدا حصوں کا محب وعب کے کہ اور S کی قیمت مصلوم کر پاتا جب تک کیت اور بارکی تقسیم ایک حبیبی ہو تا کہ بار اور کمیت کا نبیت کے کہ اور بارکی تقسیم ایک حبیبی ہو تا کہ بار اور کمیت کا نبیت کیساں ہو ہر چھلے کا اور لہذا پوری جم کا مسکن مقت طبیبی نبیت ایک دوسرے جیسا ہوگا مسزید μ اور S کے رخ آیک دوسرے جیسے بارگر بار منتی ہو تو ایک دونوں کے من الف ہو گھ لہذا درج ذیل ہوگا

$$\mu = \left(\frac{q}{2m}\right)S$$

ہے۔ حنالصاً کلا سیکی حباب ہے در حقیقت السیکٹران کامقت اطبیمی معیار اثر اسس کے کلا سیکی قیمت کاد گناہے

(1.10)
$$\mu_e = -rac{e}{m} S$$

ڈیراک نے السیکٹران کی اصف فیتی نظر رہے مسیں اصف فی حب زو ضربی 2 کی وحب پیش کی ہے۔ ان تمام کو اکٹھے کرتے ہوئے درج ذیل حساصل ہو گا

$$H = \left(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0}\right) \frac{1}{m^2 c^2 r^3} \boldsymbol{S} \cdot \boldsymbol{L}$$

اسس حسب مسیں ایک مسیری ایک و صدیب سے کام لیا گیا ہے مسیں نے السیکٹران کے ساکن چھوکٹ مسیں تخبزیہ ہوگا تخبزیہ کرد گھومت ہے المہذات اسراع پذیر ہوگا تخبزیہ کرد گھومت ہے المہذات اسراع پذیر ہوگا اسس حساب مسیں محبرد حسرکیات تھیج جے طامس استقبالی حسرکت کہتے ہیں شامسل کرکے و سبول کرے و سبول کرے مسیں حبزو ضربی 1/2 شامسل کرتا ہے

(۱۲.۲۱)
$$H_{so}' = \Big(rac{e^2}{8\pi\epsilon_0}\Big)rac{1}{m^2c^2r^3}m{S}\cdotm{L}$$

یہ حیکر و دائری باہم عمسل ہے۔ ماموائے دو تھیج (السیکٹران کی ترمیم شدہ مسکن مقناطیبی نسبت اور طب مسس استقبالی حسر کرت حب زوخر ہی جو اتنے و آئیل سیکن کمونہ حسر کرت حب زوخر ہی جو اتنے و آئیل سیکن کمونہ سے حسال کرتے۔ طب مطور پر ہے السیکٹران کے لمحساتی ساکن چوکھ مسد مسیں پروٹان کی مقناطیبی میدان مسیں، حسر کا نے السیکٹران کے مقناطیبی جفت قطب معیارا اثر پر قوت مسروڑ کی ہدولت ہے۔

اب کوانٹم میکانیات کی بات کرتے ہیں۔ حپکر و دائری ربط کی صورت مسیں L اور S کے ساتھ ہیملٹنی غیب رمقلوب ہو گا L^2 گالبندا حپکر اور دائری زاویائی معیار اثر علیحہ و علیحہ دوبقت کی نہیں رہتے ہیں سوال 16.6 دیکھیں البت H'_{so} مقلوب ہوگا S^2 اور کل زاویائی معیار حسر کے ساتھ۔

$$J\equiv L+S$$

لہذات مت داریں بقائی میں مساوات 71.3 دوسرے لفظوں مسیں L_z اور S_z کے امت یازی حسالات نظریہ اضطراب مسیں استعال کے لئے موزوں حسالات نہیں ہیں جب کہ J^2 ، S^2 ، L^2) اور J_z کے امت یازی حسالات موزوں حسالات میں اب

$$J^2 = (L + S) \cdot (L + S) = L^2 + S^2 + 2L \cdot S$$

كابن

(1.18)
$$L \cdot S = \frac{1}{2}(J^2 - L^2 - S^2)$$

ہوگالہذا $L \cdot S$ کے است یازی احت دار درج ذیل ہو گئے

$$\frac{\hbar^2}{2}[j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)]$$

یہاں یقینا S=1/2 ہے مسزید $1/r^3$ کی توقعاتی تیمیں سوال 35.6 ج

(1.1r)
$$\langle 1/r^3 \rangle = \frac{1}{l(l+1/2)(l+1)n^3a^3}$$

لہذاہم درج ذیل اخب ذکرتے ہیں

$$E_{so}^{1} = \langle H_{so}' \rangle = \frac{e^{2}}{8\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{m^{2}c^{2}} \frac{(\hbar^{2}/2)[j(j+1) - l(l+1) - 3/4]}{l(l+1/2)(l+1)n^{3}a^{3}}$$

یاتمام کو E_n کی صورت مسیں لکھتے ہیں

(1.72)
$$E_{so}^1 = \frac{(E_n)^2}{mc^2} \Big\{ \frac{[j(j+1)-l(l+1)-3/4]}{l(l+1/2)(l+1)} \Big\}$$

ہ ایک حسیرے کن بات ہے کہ بالکل مختلف طسبعی پہلوؤں کے باوجود اصنفیتی تصبیح اور حسیکر و دائری بط ایک جتنا رسب (E_n/mc²) رکھتے ہیں ان دونوں کو جمع کرکے ہمیں مکسل مہسین ساخت کا کلیے سوال 17.6 دیکھسیں حساصل ہو تا

(1.71)
$$E_{fs}^{1} = \frac{(E_{n})^{2}}{2mc^{2}} \left(3 - \frac{4n}{j+1/2}\right)$$

اسس کو کلیہ بوہر کے ساتھ چھوڑ کر ہم ہائیڈروجن کی توانائی کی سطحول کاعظمیم بتیجہ سے صل کرتے ہیں جس مسیں مہمین ساخت شامسل ہے

(1.12)
$$E_{nj} = -\frac{13.6\,\mathrm{eV}}{n^2} \Big[1 + \frac{\alpha^2}{n^2} \Big(\frac{n}{j+1/2} - \frac{3}{2} \Big) \Big]$$

مہین ساخت l مسیں انحطاط کو توڑتا ہے لیخی کی ایک n کیلئے l کی مختلف احبازتی قیمتیں ایک دو سرے حبینی توانائی کے حساس نہیں ہو گی تاہم اب بھی ہے j مسیں انحطاط برفت رار رکھتا ہے شکل 9.6 و پھسیں دائری و چر زاویائی معیار حسر کت کے z حب زوامتیازی افتدار m_s اور m_s بخلی ہو گئے۔ ان معتداروں کی مختلف قیمتوں والے حسالات کے خطی جوڑ ساکن حسالات ہوں گے۔ موزوں کو انٹم اعبداد m_s ، m_s ، m_s اور m_s ، m_s کو نظی مقال کی آب درج زیل مقلب کی قیمت میں تلاش کریں (الف) $[L \cdot S, L]$ ، $[L \cdot S, S]$ ، $[L \cdot S, S^2]$ ، $[L \cdot S, L^2]$ ، $[L \cdot S,$

سوال ۱۹۱۷: اضافیتی تصحیح مساوات 57.6 اور حپکر دائری ربط مساوات 65.6 سے مہین سافت کلیہ مساوات 66.6 اخترکرین احضارہ: دھیان رہے کہ $j=l\pm 1/2$ میں اور منتی عسلامت کو ماری باری باری باری باری کے کردیکھیں آب دیکھیں گے دونوں صور توں میں آمنے رک بتیجہ ایک دوسیروں جیب ہوگا

سوال ۲.۱۹: نظرریہ اضافت استعال کے بغیر ڈیراک مساوات سے بائیڈروجن کی مہین سافت کا شمک کلیہ درج ذیل حساصل ہوتا ہے

$$E_{nj} = mc^{2} \left\{ \left[1 + \left(\frac{\alpha}{n - (j + 1/2) + \sqrt{(j + 1/2)^{2} - \alpha^{2}}} \right)^{2} \right]^{-1/2} - 1 \right\}$$

ے ذہن میں رکھتے ہوئے کہ $\alpha \ll 1 \ll \alpha$ ہے اسس کو $\alpha \ll 1$ رتبہ تک پھیلاکر دکھی میں کہ آپ مساوات 67.6 دوبارہ حساس کرتے ہیں

جوابات

ف رہنگے

54relation, allowed 26energies, energy 51 argument, 22allowed, Bessel 31 conservation, 99 function, spherical 13ensemble, 107energy,binding expectation Bohr 6value. 106radius, formula 106formula,Bohr 16Broglie,De 25 conditions, boundary Fourier 98term,centrifugal 52transform,inverse 83 states, coherent 52transform, 4collapses, Frobenius commutation 45method, function 36relation, canonical 90relations, canonical 59delta,Dirac 36commutator, generalized 28complete, 59 distribution, 77continuous, 59 function, 90continuum, generating coordinates 50 function, 91 spherical, generator 3interpretation,Copenhagen 86space,intranslation 75degenerate, 86time.intranslation delta Gram-Schmidt 28Kronecker. 79process,orthogonalization Dirac 21 Hamiltonian, 80orthonormality, harmonic 77discrete, 25oscillator, dispersion المار المارية المارية

3realist, 113Helium, 12potential, Hermitian 97 effective, 40conjugate, 3 variables, hidden probability 8density, 2indeterminacy, quantum ladder 105number,principle 38operators, numberquantum Laguerre 96azimuthal, 108polynomial, associated 96magnetic, 108polynomial, 99numbers,quantum 90Laplacian, law 97equation,radial 34Hooke, recursion Legendre 46 formula, 94associated, reflection linear 64coefficient, 22 combination, 73time,revival 113Lithium, Rodrigues 49 formula, 6mean, 94formula,Rodrigues 6median, Rydberg 14momentum, 113 constant, 113 formula, Neumann 99 function, spherical Schrodinger 27node, 20time-independent, 10normalization. 1align,Schrodinger series 14operator, 113Balmer, 38lowering, 28Fourier. 38raising, 113Lyman, 27orthogonal, 113Paschen, 28orthonormal, 35power, Planck's 34Taylor, 113 formula, spherical 96harmonics, polynomial 11 square-integrable, 48Hermite, 7deviation,standard position 3agnostic, state 58bound, 3orthodox,

ىنىرەنگى 149

7	
ات	27excited,
83، ـــالا ـــــ	107,27 ground,
احبازي	58 scattering,
توانائياں،26	statistical
استمراری،77	2interpretation,
استمرار ہے،90 اصول	66 function, step
	theorem
عب م یقینیت،16 انتشاری	28Dirichlet's,
ر شنه،54 ر شنه،54	15Ehrenfest,
انحطاطي،75	52Plancherel,
انعکاس	112transition,
شرح،64	transmission
اوسطء6	64coefficient,
02 5	65,58tunneling,
بقب	58points,turning
ِ توانائي، 3 1	
بق توانائی، 31 بت. شی توانائی، 107	16principle,uncertainty
لوبر	
ردانسس،106 کلیه،106 ببیل ببیل	variables
المحمد ال	19of,separation
بييل	7variance, velocity
ڪروي تقن عسل،99	
Ku	54group, 54phase,
پلانک کلیہ، 113 پیداکار فصن مسیں انتقال کا، 86	5 4 рна sc ,
113,	wave
پیسیدادار فه نیامت به اینته به الریمایی	64incident,
وقت مسين انت ال	52packet,
سه ۱ اکار	64reflected,
پيداکار تف ^ع ل،50	64transmitted,
50 0 -	1 function,wave
تب د لی	16wavelength,
باضابط، رسشته، 36	
باضسابط، رہنے، 90	
تبادل كار،36	
تحبدیدی عسر میسه، 73	
تر کیل	
<u>ش</u> رح،64	
ترشيل شده،64 تسلس بالمسير،113	
بالمسر، 113	
ياسشن،113	

ب کن	شيار،34
	ھير،34 طب قت ي 35
حالات، 21	
سرحىدى پشرائط، 25	فوریت ر،28
سِرنگ زنی،65،58	ليمــان، 113 تنه ـ ـ ـ
را، 13	"غيبريت،7 تفعل
سوچ	_
انکاری، 3	ۇيك،59
تقليد پسند، 3	تف ^{اعب} ل موج، 1
حقیقت پسند، 3	توالی کلیہ،46 توانائی احبازتی،22 توقعاتی توقعاتی
سيز هي عب ملين،38	46، ـــــ الله الله الله الله الله الله الل
عب ملين، 38	توانانی ی
سير هي تف عسل 666	احبازلي،22
,	توقعي بي
ث رود نگر	6، ي
غيب رتائع وقب 20،	
ڪروڙِ نگر تصوير ڪئي،86	جف <u>۔</u>
شروژنگرمساوات، 1	تف ك ،24
شمسارياتی مفهوم، 2	(4
	حب ال بخصيراو،58
طول موج،113،16	بھسراو،58 بمسنہ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔
(.	زمىيىنى،107،27
عبامب المبال	مقب 58،
تقليل،38	هيجبان، 27
رفعت،38	خط دم ده
عــبور،112 عــدم تعــين،2	خطی جوڑ،22 خفیبے متخب رات،3
عبدم سين،2	هنگ مشرات، 3
عب رم يقينيت اصول، 16	دلىيار،51
عت ده،27 علیم د گی متغییرات ،19	51,0=
	ڈیرا ک
عبودي،27	دیرات معیاری عب ودیت، 80
معياري،28	ثباره سور <u>ي</u> .
ء ما	؛ وليك كرونبيكر،28
غيبرمسلسل77،	20.7 . 77
منهروبنيوسس	رداسی مساوات،97
ت وبيوسن	رڈبرگ،113
ر پیب ،	كلب، 113
تر كيب 45، فوريت الب بدل،52	رڈبر گے۔،113 کلیے،113 رفت ار دوری سمتی،54
ان <u>ٽ</u> برن،52 بدل،52	دوري مستى،54
بدن: ۵۷۰	کروہی سنتی،54
ت بل تكامسل مسر بع ،11	روڈریگئیس کلسیہ،94
ت.ن هم المسارية المس المسارية المسارية ا	روور شین کله م۵۷
ت دن	74· ~

ن رہنگ الما

مسر کز گریز حبزو،98 مسئله امرنفسٹ،15 پلانشسرال،55 ڈرشلے،28 معمول زنی،10 رق بی ا معیار حسر ک**ت**،14 معياد سرس، ۱۳۰۰ معياري المحسران 28، معياري المحسران 37 معلى 28، موج آمدي، 64، منتاس منتاس 64، منعکس،64 موجی اکثر،52 كوانٹ ائى اعب داد، 99 لواست اد دو دو کوانستائی عبد د اسمتی ،96 مقت طبیی ،96 کوپن ہیسگن مفہوم ، 3 والپی نقساط،58 وسطانیہ،6 ہارمونی مسر تعش،25 ہرمثی جوڑی دار،40 ہیسے زنسبر گل تصویر کثی،86 لاپلاس،90 لاگنج ششریک کشیدر کن،108 ہیلیم،113 لتحيم، 113 ليژانڈر شريک ،94 ہیملٹنیٰ، 21 متعم تفعس ،59 تعسیم ،59 محسد د کنیه ،12 موژر ،97 مسر تعش بار مولی ،25