



#### Machine Learning - A.A. 2020-2021

Softmax, Stochastic Gradient Descent, MLP, Caricamento Dati con PyTorch

Antonino Furnari - <a href="http://www.dmi.unict.it/~furnari/">http://www.dmi.unict.it/~furnari/</a> - <a href="mailto-furnari@dmi.unict.it/">furnari@dmi.unict.it</a> Giovanni Maria Farinella - <a href="mailto-http://www.dmi.unict.it/farinella/">http://www.dmi.unict.it/<a href="mailto-furnari@dmi.unict.it/">http://www.dmi.unict.it/~furnari/</a> - <a href="mailto-furnari@dmi.unict.it/">furnari@dmi.unict.it</a> Giovanni Maria Farinella - <a href="mailto-http://www.dmi.unict.it/">http://www.dmi.unict.it/<a href="mailto-furnari@dmi.unict.it/">http://www.dmi.unict.it/<a href="mailto-furnari@dmi.

#### 1. Classificazione SoftMax

Abbiamo visto come sia possibile "trasformare" un regressore lineare in un classificatore binario utilizzando la funzione logistica. Abbiamo anche visto che è possibile implementare un classificatore multiclasse mediante il principio "one-vs-all". Tuttavia, il principio one-vs-all è poco naturale per risolvere problemi di classificazione multiclasse. Un regressore logistico ci permette di stimare la probabilità:

$$p(c \mid x)$$

dove c è la classe (c=0 nel caso della classe negativa e c=1 nel caso della classe positiva) e x è il campione in ingresso. Sappiamo inoltre che

$$p(c = 0 \mid x) + p(c = 1 \mid x) = 1$$

per cui il un regressore logistico ci permette di stimare la distribuzione di probabilità condizionale sulle classi possibili (solo due in questo caso), dato il campione in ingresso x.

Supponiamo adesso di avere un problema di classificazione su K classi  $c=0, c=1, \ldots, c=K-1$ . Il principio "one-vs-all" ci permette di classificare gli elementi x, ma non di stimare direttamente una distribuzione di probabilità condizionale sulle tre classi dato il campione in ingresso:

$$p(c \mid x) \ : \ p(c = 0 \mid x) + p(c = 1 \mid x) + \ldots + p(c = K \mid x \ ) = 1$$



#### Domanda 1

A cosa può servire stimare le probabilità a posteriori  $p(c \mid x)$  oltre a inferire la classe più probabile per il campione x?

#### Risposta 1



Se volessimo ottenere una distribuzione di probabilità sulle K classi, potremmo pensare di costruire un regressore lineare che, preso in input un dato, restituisce un vettore di K elementi. Ciò può essere ottenuto semplicemente con una trasformazione lineare del tipo  $\mathbf{z} = A\mathbf{x} + \mathbf{b}$ , dove A è una matrice  $n \times K$ , con n numero di feature in ingresso. Analogamente a quanto visto nel caso del regressore logistico, tuttavia, non vi è alcuna garanzia che il vettore z rappresenti una valida distribuzione di probabilità. Ricordiamo che affinché ciò accada ci serve che:

- $ullet z_i \geq 0, \ orall i \in \{1,\ldots,K\}; \ ullet \sum_{i=1}^K z_i = 1.$

La funzione SoftMax è una generalizzazione della funzione logistica che ci permette di normalizzare un vettore arbitrario di numeri in modo che rispetti le due proprietà appena viste:

$$\sigma(\mathbf{x})_j = rac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}}$$

dove  $z_j$  rappresenta la j-esima componente del vettore  ${\bf z}$  (e dunque  $\sigma({\bf x})_j$  rappresenta la j-esima componente del vettore normalizzato mediante SoftMax  $\sigma(\mathbf{x})$ ). In pratica, la funzione SoftMax esegue due operazioni:

- ullet Applica la funzione esponenziale a tutte le componenti del vettore non normalizzato ( $e^{z_i}$ ). Questa operazione permette di soddisfare la prima proprietà mappando numeri  $x\in ]-\infty,+\infty[$  su numeri del range  $[0,+\infty[$ . Si noti che la funzione esponenziale è monotona crescente, per cui se  $z_i \leq z_j$ , allora  $e^{z_i} \leq e^{z_j}$ ;
- Normalizza gli elementi del vettore in uscita dividendoli per la somma dei valori positivi  $e^{z_i}$  ( $\frac{e^{z_i}}{\sum z_k}$ ). Questa normalizzazione ci assicura che la seconda proprietà sia rispettata:  $\sum_{i=1}^K \sigma(\mathbf{z})_i = 1$ .

#### Domanda 2



Cosa garantisce che i valori restituiti dalla funzione SoftMax siano non negativi? Disegnare la funzione esponenziale per rispondere alla domanda. E' possibile ottenere delle probabilità nulle utilizzando la funzione SoftMax in teoria? E' possibile in pratica?

#### Risposta 2



La formulazione del regressore SoftMax è dunque la seguente:

$$f(\mathbf{x}) = \sigma(A\mathbf{x} + \mathbf{b}) = \sigma(\mathbf{z}) = rac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}}$$

dove  $\mathbf{z} = A\mathbf{x} + \mathbf{b}$ , la funzione f stima la probabilità a posteriori che  $\mathbf{x}$  appartenga ad una data classe:

$$p(c = i \mid \mathbf{x}) = f(\mathbf{x})_i$$

e  $f(\mathbf{x})_i$  indica la iesima componente del vettore di probabilità ottenuto mediante il regressore softmax f.

Per allenare il regressore softmax, utilizziamo una generalizzazione della loss vista nel caso del regressore logistico: la **cross entropy loss**. In teoria dell'informazione, la cross entropy tra due distribuzioni di probabilità  $p \in q$  è definita come:

$$H(p,q) = -\sum_x p(x) \log q(x)$$

La cross entropy H(p,q) indica il *numero medio di bit necessario per identificare eventi x che seguono la probabilità p se li descriviamo con la probabilità stimata q.* La cross entropy raggiunge il suo minimo quando p e q sono uguali. In tal caso la cross entropy corrisponde all'entropia di p:

$$H(p) = -\sum_x p(x) \log p(x)$$

Nel nostro caso, la probabilità q è data dal regressore softmax, mentre p rappresenta la probabilità "ideale" che il campione x appartenga a una data classe. Dato che conosciamo le classi di appartenenza di ogni campione, la probabilità ideale è data da una rappresentazione di tipo "one-hot-vector", in cui  $p(\mathbf{x}) = \mathbf{y}$  e  $\mathbf{y}$  ha una unica componente  $y_j = 1$ , mentre tutte le altre sono nulle. Ad esempio, se le classi sono tre e il campione appartiene alla seconda classe (c = 1), allora  $\mathbf{y} = [0, 1, 0]$ .

#### Domanda 3

l vettori "one-hot"  ${f y}$  sono delle valide distribuzioni di probabilità?



#### Risposta 3

Possiamo dunque scrivere la loss relativa a un dato campione  ${f x}$  di etichetta (one-hot)  ${f y}$  come segue:

$$\mathcal{L}_{ heta}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = -\sum_{i} \mathbf{y}_{i} \log f(\mathbf{x})_{i}$$

Notiamo che,  $\mathbf{y}_i$  sarà uguale a zero tranne che per i=j, dove j è la classe del campione  $\mathbf{x}$ . Pertanto, solo uno dei termini della sommatoria nella formula sopra sarà non nullo. Ciò ci permette di riscrivere la loss come segue:

$$\mathcal{L}_{\theta}(\mathbf{x}, j) = -\log f(\mathbf{x})_{i}$$

Dove j è la classe di  ${f x}$ . Ricordando che  $f({f x})=\sigma(A{f x}+{f b})=\sigma({f z})=rac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}}$ , possiamo riscrivere la loss come:

$$\mathcal{L}_{ heta}(\mathbf{x}, j) = -\log rac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} = \log \sum_{k=1}^K e^{z_k} - \log e^{z_j}$$

da cui, ricordando che  $\mathbf{z} = A\mathbf{x} + \mathbf{b}$ , abbiamo:

$$\mathcal{L}_{ heta}(\mathbf{x}, j) = \log \sum_{k=1}^{K} e^{z_k} - z_j$$



#### Domanda 4

Le loss  $\mathcal{L}_{\theta}(\mathbf{x},j) = -\log f(\mathbf{x})_j$  e  $\mathcal{L}_{\theta}(\mathbf{x},j) = \log \sum_{k=1}^K e^{z_k} - z_j$  sono entrambe valide? Una delle due offre dei vantaggi rispetto all'altra?



#### Risposta 4

### 1.1 Implementazione di un Regressore Softmax

Implementiamo un regressore softmax. Iniziamo caricando il dataset delle iris di Fisher. Si tratta di un dataset contenente le misurazioni di 4 quantità relative a 150 fiori appartenenti a 3 specie diverse. Il dataset viene spesso utilizzato per illustrare il funzionamento degli algoritmi di classificazione multiclasse, considerando il problema di stimare la specie di appartenenza di ciascun fiore a partire dalle misurazioni.

I dati dunque caratterizzati da:

- 4 features;
- 3 classi;
- 150 istanze.

Impostiamo un seed per avere risultati ripetibili:

```
In [2]: import torch
import numpy as np
np.random.seed(1234)
torch.random.manual_seed(1234);
```

Otteniamo una permutazione casuale dei dati:

```
In [3]: idx = np.random.permutation(len(X))
```

Applichiamo la stessa permutazione a X e Y:

Suddividiamo il dataset in **training** e **testing** set indipendenti selezionando i primi 30 valori per formare il testing set. Trasformiamo inoltre gli array in tensori:

```
In [5]: from torch import Tensor
    X_training = Tensor(X[30:])
    Y_training = Tensor(Y[30:])
    X_testing = Tensor(X[:30])
    Y_testing = Tensor(Y[:30])
```

Normalizziamo i dati:

```
In [6]: X_mean = X_training.mean(0)
X_std = X_training.std(0)

X_training_norm = (X_training-X_mean)/X_std
X_testing_norm = (X_testing-X_mean)/X_std
```

Definiamo dunque un nuovo modulo per effettuare la regressione softmax:

```
In [7]: from torch import nn
        class SoftMaxRegressor(nn.Module):
                 __init__(self, in_features, out classes):
                """Costruisce un regressore softmax.
                    Input:
                        in features: numero di feature in input (es. 4)
                        out classes: numero di classi in uscita (es. 3)"""
                super(SoftMaxRegressor, self). init () #richiamo il costruttore della sup
        erclasse
                #questo passo è necessario per abilitare alcuni meccanismi automatici dei m
        oduli di PyTorch
                self.linear = nn.Linear(in features,out classes) #il regressore softmax res
        tituisce
                #distribuzioni di probabilità, quindi il numero di feature di output coinci
        de con il numero di classi
            def forward(self, x):
                """Definisce come processare l'input x"""
                scores = self.linear(x)
                return scores
```

Costruiamo un regressore softmax e passiamogli i dati di training:

Ogni riga della matrice è una predizione. Come si può notare, non si tratta di valide distribuzioni di probabilità. Per ottenere le distribuzioni dobbiamo utilizzare la funzione softmax:

Ogni riga della matrice è adesso una valida distribuzione di probabilità sulle tre classi considerate. Infatti, la somma dei valori lungo le righe è, come ci si aspetterebbe, pari ad 1:

```
In [10]: softmax(model(X_training_norm)).sum(1)

Out[10]: tensor([1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000, 1.0000,
```

Una volta allenato, il modello ci permetterà di predire una distribuzione di probabilità per ogni elemento. Per ottenere l'etichetta predetta, possiamo applicare il principo Maximum A Posteriori (MAP), scegliendo la classe che presenta la probabilità maggiore mediante la funzione argmax, che è inclusa in PyTorch nella funzione max:

```
In [11]:
         #la funzione max restituisce i valori dei massimi
         #e i loro indici (il risultato della funzione argmax)
         #per questo includiamo "[1]" nell'equazione successiva
         preds = softmax(model(X_training_norm)).max(1)[1]
         preds
Out[11]: tensor([0, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1,
                                            0, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1,
                 0, 0, 0, 2, 2, 1,
                                   1,
                                       2,
                                          2,
                                             2, 1, 1, 1,
                                                        2,
                                                            Ο,
                                                               2,
                                                                  2,
                                                                     Ο,
                                                                        1.
                                                                           2,
                                                                              1,
                                                                                 2, 1, 0,
                 0, 1, 0, 1, 2, 2,
                                   2, 1, 1, 1,
                                                2, 2, 0, 1, 2, 2,
                                                                  1,
                                                                     2,
                                                                        2, 0, 1, 1, 0, 0,
                 1, 2, 0, 2, 2, 0, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 2, 2, 2, 2, 1, 1,
                 1, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 0, 0, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 2, 0, 1, 1])
```

Abbiamo dunque ottenuto le predizioni sotto forma di indici delle tre clasis, che vanno da 0 a 2. Possiamo dunque valutare le predizioni come visto nel caso binario. Ad esempio, possiamo calcolare l'accuracy come segue:

```
In [12]: from sklearn.metrics import accuracy_score
    print(accuracy_score(Y_training,preds))
    0.35833333333333334
```

L'accuracy è bassa in quanto dobbiamo ancora allaenare il modello.

Va notato che, dato che la funzione softmax è monotona, possiamo applicare la funzione argmax direttamente ai logits ottenendo lo stesso risultato:

```
In [13]: preds_logits = model(X_training_norm).max(1)[1]
    print((preds_logits==preds).float().mean()) #il risultato ottenuto è lo stesso
    tensor(1.)
```

In pratica, si preferisce dunque non applicare la funzione softmax per il calcolo delle etichette predette.

La procedura di training del regressore logistico sarà la seguente:

- 1. Normalizzare i dati in ingresso x;
- 2. Costruire il modulo che implementa il modello (il costruttore si preoccuperà di inizializzare i parametri);
- 3. Mettere il modello in modalità "training";
- 4. Calcolare l'output del modello  $\hat{y}$ ;
- 5. Calcolare il valore della loss  $\mathcal{L}_{\theta}(\mathbf{x}, y)$ ;
- 6. Calcolare il gradiente della loss rispetto ai parametri del modello;
- 7. Aggiornare i pesi  $\theta$  utilizzando il gradient descent;
- 8. Ripetere i passi 4-7 fino a convergenza.

Implementiamo la procedura includendo il monitoring delle curve mediante tensorboard e il calcolo dell'accuracy ad ogni iterazione.

```
In [14]: from torch.utils.tensorboard import SummaryWriter
         from torch.optim import SGD
         writer = SummaryWriter('logs/softmax regressor')
         lr = 0.1
         epochs = 500
         #normalizzazione dei dati
         X_{mean} = X_{training.mean(0)}
         X_std = X_training.std(0)
         X training norm = (X training-X mean)/X std
         X testing norm = (X \text{ testing-} X \text{ mean})/X \text{ std}
         model = SoftMaxRegressor(4,3)
         criterion = nn.CrossEntropyLoss() #utilizziamo la cross entropy loss
         optimizer = SGD(model.parameters(),lr) #utilizziamo un optimizer
         for e in range(epochs):
             model.train()
             out = model(X_training_norm)
             l = criterion(out,Y_training.long())
             1.backward()
             writer.add scalar('loss/train', l.item(), global step=e)
             optimizer.step()
             optimizer.zero grad()
             preds train = out.max(1)[1]
             writer.add scalar('accuracy/train', accuracy score(Y training,preds train), glo
         bal step=e)
             model.eval()
             with torch.set grad enabled(False):
                 out = model(X testing norm)
                  1 = criterion(out, Y testing.long())
                  writer.add scalar('loss/test', l.item(), global step=e)
                  preds_test = out.max(1)[1]
                  writer.add scalar('accuracy/test', accuracy score(Y testing, preds test), gl
         obal step=e)
```

Calcoliamo accuracy di training e test:

```
In [15]: preds_train = model(X_training_norm).max(1)[1]
    preds_test = model(X_testing_norm).max(1)[1]
    print("Accuracy di training",accuracy_score(Y_training,preds_train))
    print("Accuracy di test",accuracy_score(Y_testing,preds_test))

Accuracy di training 0.9583333333333334
Accuracy di test 1.0
```



#### Domanda 5

Si confronti la procedura di training appena vista con quelle viste in precedenza. Quali sono le principali differenze?





# 2. Datasets, Data Loaders, Stochastic Gradient Descent, Salvataggio e Caricamento dei Modelli

Finora abbiamo effettuato la discesa del gradiente calcolando i gradienti rispetto alla loss calcolata sull'intero dataset. Questa procedura è nota come "Batch Gradient Descent". In pratica, se il dataset è molto grande, questa procedura può essere infattibile (se il dataset è grande, potrebbe essere difficile tenerlo tutto in memoria RAM). Per superare questi limiti, è possibile utilizzare la tecnica della "Stochastic Gradient Descent" (SGD). Questa tecnica consiste nel suddividere il dataset in una serie di mini-batch e effettuare la discesa del gradiente su un batch alla volta. Vediamo un esempio di training mediante Stochastic Gradient Descent considerando un esempio di dataset più grande.

Considereremo il dataset MNIST. Questo dataset contiene 70,000 immagini monocromatiche  $28 \times 28$  pixels raffiguranti cifre scritte a mano (da 0 a 9). Ogni immagine è classificata in relazione alla cifra contenuta nell'immagine. Le immagini sono suddivise come segue: 60,000 immagini costituiscono il training set, mentre le restanti 10,000 costisuiscono il test set.



PyTorch mette a disposizione una serie di oggetti per caricare dataset noti (come MNIST) e suddividerli in mini-batch in modo da effettuare la stochastic gradient descent.

#### 2.1 Dataset e Trasformazioni

L'oggetto MNIST fornito da PyTorch permette di scaricare il dataset sul proprio computer e utilizzarlo.

```
In [16]: from torchvision.datasets import MNIST
         #root='data' indica di scaricare il dataset nella sottocartella "data" della cartel
         la corrente
         #train=True indica che vogliamo caricare il training set
         #download=True indica di scaricare il dataset se non è già presente nella directory
         mnist train = MNIST(root='data', train=True, download=True)
         #test set
         mnist test = MNIST(root='data', train=False, download=True)
         Downloading http://yann.lecun.com/exdb/mnist/train-images-idx3-ubyte.gz to data/M
         NIST/raw/train-images-idx3-ubyte.gz
         Extracting data/MNIST/raw/train-images-idx3-ubyte.gz to data/MNIST/raw
         Downloading http://yann.lecun.com/exdb/mnist/train-labels-idx1-ubyte.gz to data/M
         NIST/raw/train-labels-idx1-ubyte.gz
         Extracting data/MNIST/raw/train-labels-idx1-ubyte.gz to data/MNIST/raw
         Downloading http://yann.lecun.com/exdb/mnist/t10k-images-idx3-ubyte.gz to data/MN
         IST/raw/t10k-images-idx3-ubyte.gz
         Extracting data/MNIST/raw/t10k-images-idx3-ubyte.gz to data/MNIST/raw
         Downloading http://yann.lecun.com/exdb/mnist/t10k-labels-idx1-ubyte.gz to data/MN
         IST/raw/t10k-labels-idx1-ubyte.gz
         Extracting data/MNIST/raw/t10k-labels-idx1-ubyte.gz to data/MNIST/raw
         Processing...
         Done!
```

Si noti che, la prima volta che si esegue il codice mostrato sopra, il dataset verrà scaricato nella cartella "data", mentre nelle volte successive, verrà utilizzata la versione già scaricata per evitare di scaricare nuovamente i dati. Gli oggetti di tipo dataset (ne vedremo altri oltre a MNIST) si comportano in maniera simile a una lista. E' possibile determinare il numero di elementi mediante la funzione len:

```
In [17]: print("Numero di campioni di training:",len(mnist_train))
print("Numero di campioni di test:",len(mnist_test))

Numero di campioni di training: 60000
Numero di campioni di test: 10000
```

Possiamo accedere agli elementi del dataset con l'indicizzazione:

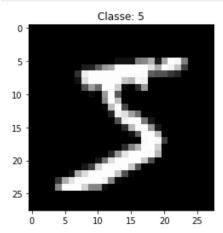
Gli elementi del dataset sono delle tuple contenenti due elementi:

- Una immagine di tipo PIL. Image;
- L'etichetta (es., 5, 7) dell'immagine.

Si noti però che, a differenza di quanto avviene con una lista, MNIST non contiene in memoria tutti i campioni, ma li carica da file dinamicamente quando essi vengono richiesti. Ciò permette di lavorare efficientemente con dataset molto grandi (anche milioni di immagini). Possiamo visualizzare le immagini di PIL mediante matplotlib:

```
In [19]: from matplotlib import pyplot as plt

#cmap='gray' serve per evitare di visualizzare le immagini in falsi colori
plt.imshow(mnist_train[0][0], cmap='gray')
plt.title("Classe: "+str(mnist_train[0][1]))
plt.show()
```



Per lavorare su immagini, dobbiamo prima trasformarle in tensori. Ciò si può fare convertendo prima l'immagine in un array di numpy, poi in un tensore:

```
In [20]: im=torch.from_numpy(np.array(mnist_train[0][0]))
im.shape #l'immagine è un tensore 28x28 pixels
Out[20]: torch.Size([28, 28])
```

Questa operazione dovrà essere effettuata su tutti gli elementi del dataset. Per automatizzare questa operazione, PyTorch permette di specificare una funzione di trasformazione, ovvero una funzione che verrà applicata a tutti gli elementi del dataset "al volo" quando questi vengono richiesti:

Per trasformare le immagini di PIL in tensori di PyTorch, specifichiamo l'oggetto torchvision.transforms.ToTensor() come trasformazione al costruttore di MNIST:

```
In [21]: from torchvision import transforms
    mnist_train = MNIST(root='data', train=True, download=True, transform=transforms.ToT
    ensor())
    mnist_test = MNIST(root='data', train=False, download=True, transform=transforms.ToT
    ensor())
```

Vediamo di che tipo sono gli elementi del dataset adesso:

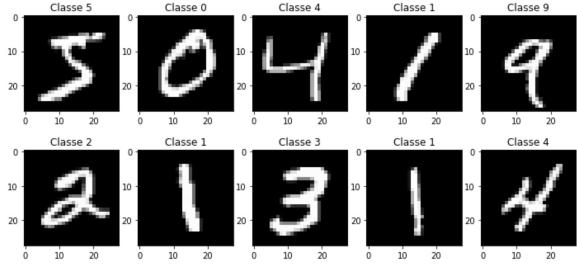
Vediamo qual è la shape del tensore:

```
In [23]: print(mnist_train[0][0].shape)
torch.Size([1, 28, 28])
```

Si tratta di un tensore  $1 \times 28 \times 28$ , dove 1 indica che l'immagine è in scala di grigi (le immagini RGB hanno 3 canali), mentre  $28 \times 28$  indica le dimensioni delle immagini. La dimensione aggiuntiva "1" viene aggiunta in automatico dall'oggetto ToTensor per compatibilità con le immagini a colori. Proviamo a mostrare alcune immagini utilizzando la libreria matplotlib:

```
In [24]: from matplotlib import pyplot as plt

plt.figure(figsize=(12,5.5))
for i in range(10):
    plt.subplot(2,5,i+1)
    plt.title("Classe %d" % mnist_train[i][1])
    plt.imshow(mnist_train[i][0].squeeze().numpy(),cmap='gray')
    #`squeeze` serve a trasformare il tensore 1 x 28 x 28 in un tensore 28 x 28
plt.show()
```



Per poter allenare un classificatore su questi dati, abbiamo bisogno di normalizzarli in modo che essi abbiano media nulla e deviazione standard unitaria. Calcoliamo media e varianza dei pixel contenuti in tutte le immagini del training set:

```
In [25]: m = 0
    for sample in mnist_train:
        m+=sample[0].sum() #accumuliamo la somma di tutti i pixel

#dividiamo per il numero di immagini moltiplicato per il numero di pixel
m=m/(len (mnist_train) *28*28)

#procedura simile per calcolare la deviazione standard
s=0
for sample in mnist_train:
    s+=((sample[0]-m)**2).sum()

s=np.sqrt(s/(len (mnist_train) *28*28))
```

I valori trovati sono i seguenti:

```
In [26]: print("Mean: %0.4f"%m)
print("Std: %0.4f"%s)

Mean: 0.1307
Std: 0.3081
```

Va notato che questa procedura può essere effettuata per qualsiasi dataset ed è necessario effettuarla solo una volta. In seguito è possibile conservare questi valori e utilizzarli direttamente per normalizzare i dati. Possiamo dunque normalizzare un singolo campione come segue:

```
In [27]: sample=(mnist_train[15][0]-m)/s
    print("Minimo:", sample.min())
    print("Massimo:", sample.max())
    print("Media:", sample.mean())
    print("Dev. Std.:", sample.std())

Minimo: tensor(-0.4241)
    Massimo: tensor(2.8215)
    Media: tensor(-0.0134)
    Dev. Std.: tensor(0.9860)
```

Per evitare di effettuare questa operazione in maniera manuale, possiamo specificare l'oggetto transforms.Normalize come trasformazione all'oggetto dataset. Abbiamo però bisogno di combinare la nuova trasformazione con la trasformazione ToTensor.Per farlo usiamo l'oggetto transforms.Compose:

Calcoliamo qualche statistica su uno degli elementi del dataset:

```
In [29]: sample=mnist_train[15][0]
    print("Minimo:",sample.min())
    print("Massimo:",sample.max())
    print("Media:",sample.mean())
    print("Dev. Std.:",sample.std())

Minimo: tensor(-0.4241)
    Massimo: tensor(2.8215)
    Media: tensor(-0.0134)
    Dev. Std.: tensor(0.9860)
```

Ogni immagine è adesso rappresentata da un tensore  $1\times28\times28$ . Tuttavia finora abbiamo visto solo algoritmi (es. regressore softmax) che lavorano su vettori unidimensionali di dati. Per poter lavorare sulle immagini con questi metodi, possiamo trasformare le immagini  $28\times28$  in vettori di 784 dimensioni come segue:

```
In [30]: sample = sample.view(-1)
    print(sample.shape)

torch.Size([784])
```

Se vogliamo effettuare anche questa operazione in automatico mediante le trasformazioni, possiamo definirne una "custom" utilizzando la funzione torchvision. Lambda:

#### 2.2 Data Loader

Ogni campione ottenuto mediante l'oggetto dataset MNIST verrà automaticamente normalizzato e trasformato in un vettore. Per effettuare l'ottimizzazione mediante Stochastic Gradient Descent, dobbiamo suddividere i campioni in mini-batch. Inoltre, è importante fornire i campioni in ordine casuale, in quanto fornire consecutivamente elementi con caratteristiche simili (es. stessa classe) favorirebbe l'overfitting. PyTorch ci permette di gestire il "batching" in automatico e in maniera multithread mediante l'oggetto  ${\tt DataLoader}$ . Utilizziamo un batch size di 256 immagini e due thread paralleli per velocizzare il caricamento dei dati:

```
In [33]: from torch.utils.data import DataLoader
mnist_train_loader = DataLoader(mnist_train, batch_size=256, num_workers=2, shuffle
=True)
#shuffle permette di accedere ai dati in maniera casuale
mnist_test_loader = DataLoader(mnist_test, batch_size=256, num_workers=2)
```

I data loader sono degli oggetti iterabili. Possiamo dunque accedere ai diversi batch in maniera sequenziale all'interno di un ciclo for. Il ciclo terminerà quando tutti i batch del dataset saranno stati caricati. Proviamo ad accedere al primo batch e interrompiamo il ciclo:

Il batch contiene 256 vettori di training di dimensione 784 e altrettante etichette corrisponenti. Se il numero di elementi del dataset non è un multiplo del batch size, l'ultimo batch sarà di dimensioni inferiori. Proviamo ad iterare tutto il loader e vediamo quanti elementi contiene l'ultimo batch:

```
In [35]: for batch in mnist_test_loader:
    pass

print(batch[0].shape)
print(batch[1].shape)

torch.Size([16, 784])
torch.Size([16])
```

### 2.3 Salvataggio e Caricamento di Modelli

Quando si allenano modelli su grandi dataset, la procedura di allenamento può essere molto lenta. Risulta dunque conveniente poter salvare su disco i modelli in modo da poterli caricare e riutilizzare in seguito. PyTorch permette di salvare e caricare modelli in maniera semplice. Il salvataggio viene effettuato serializzando tutti i parametri. E' possibile accedere a un dizionario contenente tutti i parametri del modello utilizzando il metodo state dict.

```
In [36]: state_dict=model.state_dict()
    print(state_dict.keys())
    odict_keys(['linear.weight', 'linear.bias'])
```

Nel nostro caso si tratta di soli due elementi, ma in generale potrebbero essere di più. Possiamo dunque salvare il dizionario mediante torch.save:

```
In [37]: torch.save(model.state_dict(),'model.pth')
```

Per ripristinare lo stato del modello, dobbiamo prima costruire l'oggetto e poi utilizzare il metodo load state dict:

```
In [38]: model = SoftMaxRegressor(4,3)
    model.load_state_dict(torch.load('model.pth'))
Out[38]: <All keys matched successfully>
```

#### 2.4 Allenamento su GPU

Dato che l'allenamento di un modello su grandi quantità di dati può essere lento, risulta conveniente velocizzare i calcoli effettuando l'allenamento su GPU, qualora una GPU dovesse essere disponibile nel sistema. Vediamo alcuni semplici passi per convertire il codice di training in questo senso.

E' possibile verificare qualora una GPU sia disponibile nel sistema come segue:

```
In [39]: torch.cuda.is_available()
Out[39]: False
```

Possiamo dunque costruire una variabile device che sia uguale a cpu se non c'è nessuna GPU disponibile e cuda altrimenti:

```
In [40]: device = "cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu"
```

A questo punto, dobbiamo "portare" il modello che utilizzeremo sul device corretto. Possiamo farlo come segue:

La stessa operazione va effettuata su ciascun tensore con il quale lavoreremo, come segue:

```
In [42]: X_training_norm.to(device);
```

Queste modifiche ci permetteranno di utilizzare la GPU automaticamente se disponibile.

### 2.5 Log di loss e accuracy e SGD

Quando si effettua un allenamento mediante stochastic gradient descent, risulta un po' meno immedianto effettuare il log di loss e accuracy. In genere, abbiamo conservato i valori di loss e accuracy calcolati su training set e test set alla fine di ogni epoca. Tuttavia, noi calcoleremo esplicitamente loss e accuracy sui singoli batch.

Per ottenere delle stime valide per ogni epoca, accumuleremo i valori di loss e accuracy batch per batch e calcoleremo la media di questi valori pesata sulla base del numero di elementi contenuti in quel batch. Supponiamo di avere 3 batch nel dataset, la loss totale va calcolata come segue:

$$L = rac{l_0 \cdot n_0 + l_1 \cdot n_1 + l_2 \cdot n_2}{n_0 + n_1 + n_2}$$

dove  $l_i$  è la loss calcolata al batch i-esimo e  $n_i$  è il numero di elementi contenuti nel batch i-esimo. E' inoltre possibile calcolare la loss "parziale" ad un batch diverso dal batch finale come segue:

$$L_1 = rac{l_0 \cdot n_0 + l_1 \cdot n_1}{n_0 + n_1}$$

dove  $L_1$  è la loss parziale calcolata fino al batch 1. Questi calcoli possono essere automatizzati mediante un oggetto chiamato Meter. Scriviamone uno molto semplice:

```
In [43]: class AverageValueMeter():
    def __init__(self):
        self.reset()

def reset(self):
        self.sum = 0
        self.num = 0

def add(self, value, num):
        self.sum += value*num
        self.num += num

def value(self):
    try:
        return self.sum/self.num
    except:
        return None
```

Vediamo come utilizzare la classe appena definita:

```
In [44]: meter = AverageValueMeter()

meter.add(10,3) #inseriamo il valore 10, calcolato da un batch di 3 elementi
meter.add(3,5) #inseriamo il valore 3, calcolato da un batch di 5 elementi
meter.add(-1,2) #inseriamo il valore -1, calcolato da un batch di 2 elementi

#media pesata calcolata manualmente:
print('Media pesata calcolata manualmente:',(10*3+3*5-1*2)/(3+5+2))
print('Media pesata calcolata mediante meter:',meter.value())

Media pesata calcolata manualmente: 4.3
Media pesata calcolata mediante meter: 4.3
```

E' possibile ripristinare un meter ai valori iniziali mediante il metodo reset :

```
In [45]: meter.reset()
print(meter.value())
```

Il meter creato ci permette di ottenere una stima corrente di loss e accuracy. Dato che una epoca di training può richiedere anche diverse ore a seconda del dataset e del momento, loggeremo queste stime ad ogni iterazione. In questo caso, utilizzeremo come global step il numero totale di campioni attualmente "visti" durante il training.

#### 2.5 Allenamento mediante SGD

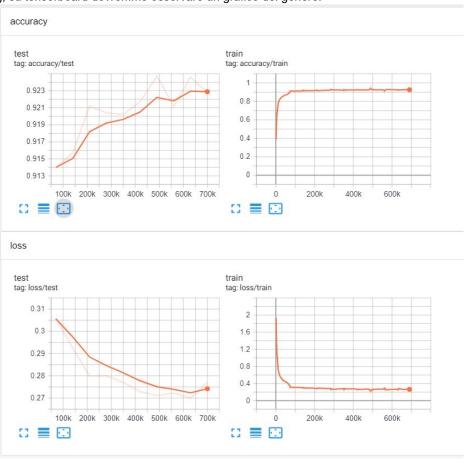
Alleniamo adesso mediante Stochastic Gradient Descent un regressore Softmax per classificare gli elementi del dataset MNIST. Utilizzeremo due cicli for, uno esterno per iterare lungo le epoche e uno interno per iterare lungo i batch. Il resto della procedura di training resta uguale. Per monitorare il training, all'interno di ogni epoca effettueremo un ciclo di training e un ciclo di test. Con dataset grandi, la procedura di training può essere lunga. Pertanto salveremo una copia del modello ad ogni iterazione.

Definiamo adesso una funzione di training che possiamo riutilizzare in seguito:

```
In [46]: from os.path import join
         def train_classifier(model, train_loader, test_loader, exp_name='experiment', 1r=0.
         001, epochs=10, momentum=0.9, logdir='logs'):
            criterion = nn.CrossEntropyLoss()
            optimizer = SGD(model.parameters(), lr, momentum=momentum)
             #meters
             loss meter = AverageValueMeter()
             acc_meter = AverageValueMeter()
             #writer
             writer = SummaryWriter(join(logdir, exp name))
             #device
             device = "cuda" if torch.cuda.is available() else "cpu"
             model.to(device)
             #definiamo un dizionario contenente i loader di training e test
             loader = {
                 'train' : train_loader,
                 'test' : test_loader
             }
             #inizializziamo il global step
             global_step = 0
             for e in range(epochs):
                 #iteriamo tra due modalità: train e test
                 for mode in ['train','test']:
                     loss_meter.reset(); acc_meter.reset()
                     model.train() if mode == 'train' else model.eval()
                     with torch.set grad enabled (mode=='train'): #abilitiamo i gradienti sol
         o in training
                         for i, batch in enumerate(loader[mode]):
                             x=batch[0].to(device) #"portiamoli sul device corretto"
                             y=batch[1].to(device)
                             output = model(x)
                             #aggiorniamo il global step
                             #conterrà il numero di campioni visti durante il training
                             n = x.shape[0] #numero di elementi nel batch
                             global step += n
                             1 = criterion(output,y)
                             if mode=='train':
                                 1.backward()
                                 optimizer.step()
                                 optimizer.zero_grad()
                             acc = accuracy_score(y.to('cpu'),output.to('cpu').max(1)[1])
                             loss meter.add(l.item(),n)
                             acc meter.add(acc,n)
                             #loggiamo i risultati iterazione per iterazione solo durante il
         training
                             if mode=='train':
                                 writer.add scalar('loss/train', loss meter.value(), global
         step=global step)
                                 writer.add scalar('accuracy/train', acc meter.value(), glob
         al step=global step)
                     #una volta finita l'epoca (sia nel caso di training che test, loggiamo
         le stime finali)
                     writer.add scalar('loss/' + mode, loss meter.value(), global step=globa
         1 step)
                     writer.add_scalar('accuracy/' + mode, acc_meter.value(), global_step=gl
         obal step)
                 #conserviamo i pesi del modello alla fine di un ciclo di training e test
                 torch.save(model.state dict(),'%s-%d.pth'%(exp name,e+1))
             return model
```

Alleniamo adesso il modello come segue:

Alla fine del training, su tensorboard dovremmo osservare un grafico del genere:



#### Domanda 6



Guardando i grafici ottenuti, sembra possibile migliorare l'accuracy di test allenando il modello per un numero maggiore di epoche? Perché?





Per valutare le performance del modello, dobbiamo prima ottenere le predizioni per ciascuno degli elementi di test. Per farlo, definiamo la seguente funzione:

```
In [48]: def test classifier(model, loader):
             device = "cuda" if torch.cuda.is available() else "cpu"
             model.to(device)
             predictions, labels = [], []
             for batch in loader:
                 x = batch[0].to(device)
                 y = batch[1].to(device)
                 output = model(x)
                 preds = output.to('cpu').max(1)[1].numpy()
                 labs = y.to('cpu').numpy()
                 predictions.extend(list(preds))
                 labels.extend(list(labs))
             return np.array(predictions), np.array(labels)
```

Possiamo dunque ottenere le predizioni di training e test e valutare il modello con le misure di valutazioni che preferiamo. Ad esempio, mediante accuracy:

```
In [49]: predictions_train, labels_train = test_classifier(model, mnist_train_loader)
         predictions_test, labels_test = test_classifier(model, mnist_test_loader)
         print("Accuarcy di training: %0.4f"% accuracy_score(labels_train, predictions_trai
         print("Accuarcy di test: %0.4f"% accuracy_score(labels_test, predictions_test))
         Accuarcy di training: 0.9285
```

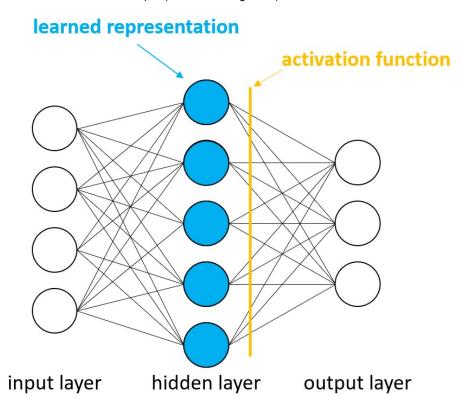
Accuarcy di test: 0.9228

## 3 Multilayer Perceptron (MLP)

Finora abbiamo visto dei semplici modelli lineari per classificazione e regressione. Tali modelli possono essere estesi in maniera molto semplice a modelli più "profondi", quali il MultiLayer Perceptron (MLP) mediante PyTorch.

Una rete di tipo MLP è composta da tre livelli:

- Un livello di "input" nel quale verranno presentati i dati in ingresso;
- Un livello "nascosto" che conterrà delle rappresentazioni "latenti" dei dati;
- Un livello di "uscita" che conterrà i dati di output (le etichette regresse).



Il livello "nascosto" è detto tale in quanto durante il training non viene esercitato un controllo diretto sui valori che esso assume (la loss è applicata al layer di output). Si dice pertanto che il livello apprende una "rappresentazione latente".

Dei tre livelli, gli unici due che contengono parametri che possono essere appresi sono il secondo e il terzo. Pertanto si dice spesso che un MLP di questo tipo contiene solo "due layer".

Nel caso in cui volessimo implementare un regressore, l'ultimo livello del MLP conterrebbe i valori da regredire. Nel caso in cui volessimo implementare un regressore softmax (ovvero un classificatore), l'ultimo livello deve contenere un numero di nodi pari al numero di classi e i valori assunti da questi nodi sono da considerare come dei logit.

#### 3.1 Fashion-MNIST

Vedremo degli esempi di classificatori MLP su un'altro dataset simile a MNIST in dimensioni ma più complesso in termini di contenuto visuale: Fashion-MNIST.

Fashion-MNIST è un dataset introdotto da Zalando nel 2017. Il dataset è progettato per essere compatto in maniera simile a MNIST-DIGITS, in modo da poter essere utilizzato in maniera agevole per effettuare esperimenti veloci (utili quando si vuole appurare la bontà di un'idea). Allo stesso tempo, il problema di classificazione proposto con il dataset è molto più complesso di quello relativo a MNIST-DIGITS. In maniera del tutto simile a MNIST-DIGITS, il dataset contiene 60,000 immagini di training e 10,000 immagini di testing grandi  $28\times28$  pixels. Le immagini sono suddivise in 10 classi relative al mondo della moda, come riassunto di seguito.

Label	Description	Examples
0	T-Shirt/Top	
1	Trouser	
2	Pullover	
3	Dress	
4	Coat	
5	Sandals	De DAZZO DAZ
6	Shirt	
7	Sneaker	
8	Bag	
9	Ankle boots	LLLELLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLLL

Similmente a quanto avviene per MNIST-DIGITS, PyTorch mette a disposizioni un oggetto per permettere di caricare agevolmente i dati. Carichiamo il dataset e visualizziamo qualche esempio:

Downloading http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/train-imag es-idx3-ubyte.gz to fashion/FashionMNIST/raw/train-images-idx3-ubyte.gz

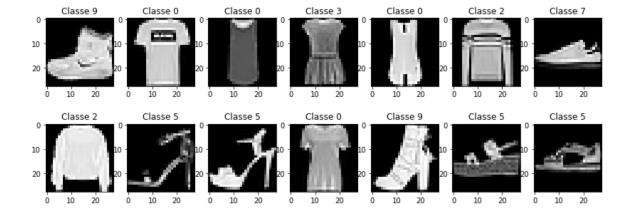
Downloading http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/train-labels-idx1-ubyte.gz to fashion/FashionMNIST/raw/train-labels-idx1-ubyte.gz

Downloading http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/t10k-image s-idx3-ubyte.gz to fashion/FashionMNIST/raw/t10k-images-idx3-ubyte.gz

Downloading http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/t10k-label s-idx1-ubyte.gz to fashion/FashionMNIST/raw/t10k-labels-idx1-ubyte.gz

 ${\tt Processing...}$ 

Done!





#### Domanda 7

Cosa rende MNIST-Fashion più "complesso" di MNIST-DIGITS? Fare un esempio considerando qualcuno dei campioni visualizzati.



#### Risposta 7



Definiamo i dataloaders con le opportune trasformazioni. Utilizzeremo la media e deviazione standard relative al dataset, ovvero 0.2860 e 0.3530 rispettivamente (sono state pre-computate):

```
In [51]: transform = transforms.Compose([transforms.ToTensor(), #conversione in tensore
                                                                                       #normalizzazione per media e deviazione standard
                                                                                       #(0.2860 e 0.3530 sono media e dev standard del dat
                   aset)
                                                                                       transforms.Normalize((0.2860,),(0.3530,)),
                                                                                       #trasformiamo l'immagine 28x28 in un vettore di 784
                   componenti
                                                                                     transforms.Lambda (lambda x: x.view(-1))])
                   #ridefiniamo i dataset specificando le trasformazioni
                   fashion train = FashionMNIST(root='data', train=True, download=True, transform=trans
                   fashion test = FashionMNIST(root='data',train=False, download=True, transform=trans
                   form)
                   #definiamo i dataloaders
                   fashion_train_loader = DataLoader(fashion_train, batch_size=256, num_workers=2, shu
                   ffle=True)
                   #shuffle permette di accedere ai dati in maniera casuale
                   fashion_test_loader = DataLoader(fashion_test, batch_size=256, num_workers=2)
                   Downloading http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/train-imag
                   es-idx3-ubyte.gz to data/FashionMNIST/raw/train-images-idx3-ubyte.gz
                   {\tt Extracting\ data/FashionMNIST/raw/train-images-idx3-ubyte.gz\ to\ data/FashionMNIST/raw/train-ima
                   raw
                   Downloading http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/train-labe
                   ls-idx1-ubyte.gz to data/FashionMNIST/raw/train-labels-idx1-ubyte.gz
                   Extracting data/FashionMNIST/raw/train-labels-idx1-ubyte.gz to data/FashionMNIST/
                   {\tt Downloading\ http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/t10k-image}
                   s-idx3-ubyte.gz to data/FashionMNIST/raw/t10k-images-idx3-ubyte.gz
                   Extracting data/FashionMNIST/raw/t10k-images-idx3-ubyte.gz to data/FashionMNIST/r
                   Downloading http://fashion-mnist.s3-website.eu-central-1.amazonaws.com/t10k-label
                   s-idx1-ubyte.gz to data/FashionMNIST/raw/t10k-labels-idx1-ubyte.gz
                   Extracting data/FashionMNIST/raw/t10k-labels-idx1-ubyte.gz to data/FashionMNIST/r
                   Processing...
                   Done!
```

Iniziamo ad esplorare il dataset allenando un regressore softmax con il codice di training scritto in precedenza:

Otteniamo accuracy di training e test:

```
In [53]: predictions_train_fashion_softmax_regressor, labels_train_fashion = test_classifier (fashion_softmax_regressor, fashion_train_loader) predictions_test_fashion_softmax_regressor, labels_test_fashion = test_classifier(fashion_softmax_regressor, fashion_test_loader) print("Fashion Softmax Regressor - Accuarcy di training: %0.4f"% accuracy_score(labels_train_fashion, predictions_train_fashion_softmax_regressor)) print("Fashion Softmax Regressor - Accuarcy di test: %0.4f"% accuracy_score(labels_test_fashion, predictions_test_fashion_softmax_regressor))
```

Fashion Softmax Regressor - Accuarcy di training: 0.8613 Fashion Softmax Regressor - Accuarcy di test: 0.8377



#### Domanda 8

Si osservino i grafici ottenuti su tensorboard. Il modello è arrivato a convergenza? E' possibile ottenere risultati migliori allenandolo per più epoche?



#### Risposta 8

#### 3.1 Classificatore MLP

Vediamo come implementare un semplice classificatore MLP. Utilizzeremo la tangente iperbolica come funzione di attivazione:



#### Domanda 9

Si confronti il codice scritto sopra con quello del SoftMax regressor. Quali sono le principali differenze?





#### Alleniamo adesso il classificatore MLP su Fashion-MNIST

#### Calcoliamo accuracy di training e test:

```
In [56]: predictions_train_fashion_mlp_classifier, labels_train = test_classifier(fashion_ml p_classifier, fashion_train_loader)
predictions_test_fashion_mlp_classifier, labels_test = test_classifier(fashion_mlp_classifier, fashion_test_loader)
print("Fashion MLP Classifier - Accuarcy di training: %0.4f"% accuracy_score(labels_train, predictions_train_fashion_mlp_classifier))
print("Fashion MLP Classifier - Accuarcy di test: %0.4f"% accuracy_score(labels_test, predictions_test_fashion_mlp_classifier))

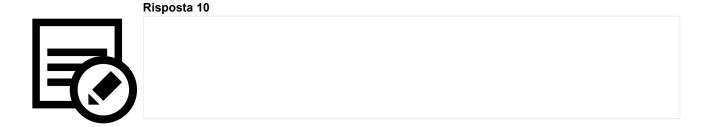
Fashion MLP Classifier - Accuarcy di training: 0.8979
```

Fashion MLP Classifier - Accuarcy di training: 0.8979 Fashion MLP Classifier - Accuarcy di test: 0.8748

#### Domanda 10

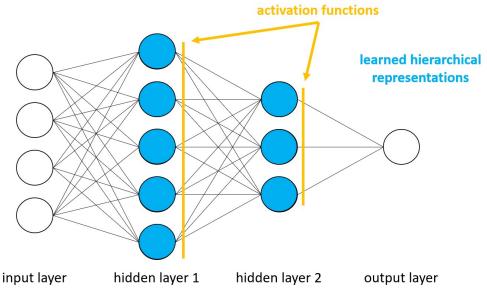


Si confrontino le performance ottenute dal MLP con quelle ottenute dal Softmax regeressor. Quale dei due modelli raggiunge risultati migliori?



## 3.2 Classificatore MLP "Profondo" (Deep MLP)

E' possibile costruire un classificatore MLP con un numero arbitrario di livelli. In generere, quando il MLP ha più di 3 livelli, esso viene detto "prondo" (deep). Ad esempio un MLP con due livelli nascosti (4 livelli in tutto) può essere rappresentato come segue:



Si noti che ad ogni livello nascosto segue la funzione di attivazione.



#### Domanda 11

Perché è necessario inserire le funzioni di attivazione dopo ciascun livello nascosto? Potremmo farne a meno?



#### Risposta 11

Implementiamo il classificatore MLP profondo. Dato che in un MLP l'output di un livello è sempre l'input del livello successivo, possiamo implementare in maniera compatta il modello utilizzando il modulo nn.Sequential che permette di connettere moduli in cascata. Ad esempio, il sequente codice:

```
y = modulo1(x)
z = modulo2(y)
h = modulo3(h)
è implementato come segue con nn.Sequential:
    seq = nn.Sequential(modulo1, modulo2, modulo3)
h = seq(x)
```

Definiamo la classe DeepMLPClassifier:

```
In [57]: class DeepMLPClassifier(nn.Module):
                  init (self, in features, hidden units, out classes):
                 """Costruisce un classificatore MLP "profondo".
                     Input:
                         in features: numero di feature in input (es. 784)
                         hidden units: numero di unità nei livelli nascosti (es. 512)
                         out classes: numero di classi in uscita (es. 10)"""
                 super(DeepMLPClassifier, self). init ()
                 self.model = nn.Sequential(nn.Linear(in features, hidden units),
                                                         nn.Tanh(),
                                                         nn.Linear(hidden units, hidden unit
         s),
                                                         nn.Tanh(),
                                                         nn.Linear(hidden units, out classe
         s))
             def forward(self,x):
                 return self.model(x)
```

#### Adesso alleniamo il modello su Fashion-MNIST:

#### Calcoliamo adesso accuracy di training e test:

```
In [59]: predictions_train_fashion_deep_mlp_classifier, labels_train = test_classifier(fashion_deep_mlp_classifier, fashion_train_loader)
    predictions_test_fashion_deep_mlp_classifier, labels_test = test_classifier(fashion_deep_mlp_classifier, fashion_test_loader)
    print("Fashion_Deep_MLP_Classifier - Accuarcy_di_training: %0.4f"% accuracy_score(labels_train, predictions_train_fashion_deep_mlp_classifier))
    print("Fashion_Deep_MLP_Classifier - Accuarcy_di_test: %0.4f"% accuracy_score(labels_test, predictions_test_fashion_deep_mlp_classifier))
Fashion_Deep_MLP_Classifier - Accuarcy_di_training: 0.8992
Fashion_Deep_MLP_Classifier - Accuarcy_di_test: 0.8716
```

#### Domanda 12

Si confrontino i risultati con quelli ottenuti mediante MLP. Quale dei due modelli raggiunge risultati migliori?

#### Risposta 12



### 4 Costruzione di un Oggetto Dataset Personalizzato

Abbiamo visto che PyTorch mette a disposizione alcuni oggetti dataset (ad esempio MNIST) che permettono di caricare determinati set di dati. Se vogliamo allenare un algoritmo su un set di dati non incluso in PyTorch, dobbiamo costruire un oggetto Dataset che ci permetta di caricare i dati. Inizieremo considerando il dataset disponibile al seguente URL:

http://people.csail.mit.edu/torralba/code/spatialenvelope/

Si tratta di un dataset contenente 2688 immagini a colori di dimensioni  $256 \times 256$ , suddivise in 8 classi a seconda del tipo di scena ritratto:

- 1. coast
- forest
- highway
- · insidecity
- mountain
- · opencountry
- street
- tallbuilding

Il dataset si può scaricare da:

http://people.csail.mit.edu/torralba/code/spatialenvelope/spatial envelope 256x256 static 8outdoorcategories.zip

Scarichiamo il dataset e estraiamo i file nella cartella 8scenes nella directory di lavoro. La cartella conterrà le 2688 immagini a colore. La classe di appartenenza di ogni immagine è inclusa nel nome del file (ad es. coast\_bea9.jpg). Il dataset non è suddiviso in training e test set. Per lavorare sullo stesso training/testing split, scarichiamo l'archivio zip disponibile all'URL:

http://iplab.dmi.unict.it/furnari/downloads/8scenes\_train\_test\_split.zip

Estraiamo il contenuto dell'archivio all'interno della cartella 8scenes . L'archivio contiene tre file:

- train.txt: contiene i nomi di 2188 immagini di training con le relative etichette in formato numerico (0-7);
- test.txt: contiene i nomi delle rimanenti 500 immagini di testing con le relative etichette in formato numerico;
- classes.txt: contiene i nomi delle classi. In particolare, la riga i-esima conterrà il nome della classe i-esima (dunque il nome della classe indicata come 0 in train.txt e test.txt sarà contenuto nella prima riga del file.

Costruiremo adesso un oggetto Dataset che ci permetta di caricare le immagini di training e test. Ciò si può fare in maniera molto naturale in PyTorch ereditando dalla classe Dataset. Ogni oggetto Dataset deve contenere almeno i seguenti metodi:

- Un costruttore:
- Il metodo len , che restituisce il numero di elementi contenuti nel dataset;
- ullet Il metodo ullet getitemullet , che prende in input un indice i e restituisce l'i-esimo elemento del dataset.

```
In [60]: from torch.utils.data.dataset import Dataset
         from PIL import Image
         from os import path
         class ScenesDataset(Dataset):
             """Implementa l'oggetto ScenesDataset che ci permette di caricare
             le immagini del dataset 8 Scenes"""
             def __init__(self,base_path,txt_list,transform=None):
                 """Input:
                     base path: il path alla cartella contenente le immagini
                     txt list: il path al file di testo contenente la lista delle immagini
                                 con le relative etichette. Ad esempio train.txt o test.txt.
                     transform: implementeremo il dataset in modo che esso supporti le trasf
         ormazioni"""
                 #conserviamo il path alla cartella contenente le immagini
                 self.base path=base path
                 #carichiamo la lista dei file
                 #sarà una matrice con n righe (numero di immagini) e 2 colonne (path, etich
         etta)
                 self.images = np.loadtxt(txt_list,dtype=str,delimiter=',')
                 #conserviamo il riferimento alla trasformazione da applicare
                 self.transform = transform
             def __getitem__(self, index):
                 #recuperiamo il path dell'immagine di indice index e la relativa etichetta
                 f,c = self.images[index]
                 #carichiamo l'immagine utilizzando PIL
                 im = Image.open(path.join(self.base_path, f))
                 #se la trasfromazione è definita, applichiamola all'immagine
                 if self.transform is not None:
                     im = self.transform(im)
                 #convertiamo l'etichetta in un intero
                 label = int(c)
                 #restituiamo un dizionario contenente immagine etichetta
                 return {'image' : im, 'label':label}
             #restituisce il numero di campioni: la lunghezza della lista "images"
             def len (self):
                 return len(self.images)
```

Proviamo adesso a istanziare il dataset per caricare dei dati:

Le immagini sono di dimensione  $256 \times 256$ . Per ridurre i tempi computazionali, potremmo voler lavorare con immagini più piccole. Possiamo utilizzare la trasformazione Resize per ridimensionarle a una dimensione predefinita, ad esempio  $32 \times 32$ :

```
In [62]: transform = transforms.Compose([transforms.Resize(32),transforms.ToTensor()])
    dataset = ScenesDataset('8scenes','8scenes/train.txt',transform=transform)
    sample = dataset[0]
    print(sample['image'].shape)
    print(sample['label'])

torch.Size([3, 32, 32])
1
```

Per poter normalizzare i dati, calcoliamo medie e varianze di tutti i pixel contenuti nelle immagini del dataset. Nel caso di immagini a colori, tali valori sono spesso calcolati canale per canale:

Medie e deviazioni standard per i tre canali sono:

```
In [64]: print("Medie",m)
    print("Dev.Std.",s)

Medie [0.42478882 0.45170449 0.4486707 ]
    Dev.Std. [0.25579564 0.2465238 0.27658251]
```

Possiamo inserire la corretta normalizzazione tra le trasformazioni. Ad esempio:

#### **Esercizi**



#### Esercizio 1

Si modifichi il codice che implementa il regressore softmax sul dataset degli Iris di Fisher per utilizzare la loss:  $\mathcal{L}_{\theta}(\mathbf{x},j) = -\log f(\mathbf{x})_j$ . Si provi a ripetere l'addestramento per diversi learning rate e si confrontino i risultati ottenuti con la loss vista nel laboratorio. Ci sono delle differenze?



#### Esercizio 2

Si confrontino le performance di un classificatore softmax con quelle di un classificatore one-vsall che si basa su un regressore logistico nel caso delle iris di Fisher.



#### Esercizio 3

I modelli visti in questo laboratorio sono stati allenati per poche epoche. Ripetere l'analisi effettuata in questo laboratorio allenando i modelli per un numero di epoche sufficiente a farli convergere (si analizzino i grafici per dedurre quando i modelli sono arrivati a convergenza). Si confrontino i numeri di epoche necessarie per far convergere i diversi modelli. Quali ne richiedono di più? Quali ne richiedono di meno? Si valutino e confrontino le performance di tutti i modelli con gli score  $F_1$  per classe e con la media di questi valor  $(mF_1)$ , con le matrici di

confusione e mediante l'accuracy.



#### Esercizio 4

Si allenino un regressore lineare, un regressore MLP e un regressore MLP con due livelli nascosti sul dataset di regressore Boston. Si confrontino le performance dei modelli. Quale ottiene risultati più accurati?



#### Esercizio 5

Si ripeta l'analisi fatta su Fashion-MNIST con Classificatore MLP e Deep-MLP sul dataset MNIST. Ri raggiungono conclusioni simili?



#### Esercizio 6

Si costruisca un oggetto Dataset per caricare i dati utili al proprio progetto di Machine Learning. Si calcolino medie e deviazioni standard utili a normalizzare i dati.

# References

• Documentazione di PyTorch. <a href="http://pytorch.org/docs/stable/index.html">http://pytorch.org/docs/stable/index.html</a>