



# Machine Learning - A.A. 2020-2021

Regressione Lineare in Pytorch, API ad oggetti di Pytorch, Monitoring del training mediante Tensorboard

Antonino Furnari - <a href="http://www.dmi.unict.it/~furnari/">http://www.dmi.unict.it/~furnari/</a> - <a href="mailto-furnari@dmi.unict.it/farinella/">furnari@dmi.unict.it/</a> Giovanni Maria Farinella - <a href="mailto-http://www.dmi.unict.it/farinella/">http://www.dmi.unict.it/farinella/</a> - <a href="mailto-gfarinella@dmi.unict.it/farinella/">gfarinella@dmi.unict.it/</a>

# 1 Regressione Lineare in PyTorch

In questo laboratorio vediamo come costruire e allenare un regressore lineare in PyTorch. Carichiamo il dataset "Boston" mediante **scikit-learn** e visualizziamone la descrizione:

```
In [1]: from sklearn.datasets import load boston
        boston = load_boston()
        print(boston.DESCR)
        .. _boston_dataset:
        Boston house prices dataset
        **Data Set Characteristics:**
            :Number of Instances: 506
            :Number of Attributes: 13 numeric/categorical predictive. Median Value (attribute 14) is usual
        ly the target.
            :Attribute Information (in order):
                - CRIM
                           per capita crime rate by town
                - 7N
                           proportion of residential land zoned for lots over 25,000 sq.ft.
                - INDUS
                           proportion of non-retail business acres per town
                - CHAS
                           Charles River dummy variable (= 1 if tract bounds river; 0 otherwise)
                - NOX
                           nitric oxides concentration (parts per 10 million)
                           average number of rooms per dwelling
                - RM
                - AGE
                           proportion of owner-occupied units built prior to 1940
                - DIS
                           weighted distances to five Boston employment centres
                - RAD
                           index of accessibility to radial highways
                - TAX
                           full-value property-tax rate per $10,000
                - PTRATIO pupil-teacher ratio by town
                - B
                           1000(Bk - 0.63)^2 where Bk is the proportion of blacks by town
                           \% lower status of the population
                - ISTAT
                - MEDV
                           Median value of owner-occupied homes in $1000's
            :Missing Attribute Values: None
            :Creator: Harrison, D. and Rubinfeld, D.L.
        This is a copy of UCI ML housing dataset.
        https://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-databases/housing/
        This dataset was taken from the StatLib library which is maintained at Carnegie Mellon University.
```

The Boston house-price data of Harrison, D. and Rubinfeld, D.L. 'Hedonic prices and the demand for clean air', J. Environ. Economics & Management, vol.5, 81-102, 1978. Used in Belsley, Kuh & Welsch, 'Regression diagnostics ...', Wiley, 1980. N.B. Various transformations are used in the table on pages 244-261 of the latter.

The Boston house-price data has been used in many machine learning papers that address regression problems.

.. topic:: References

(506,)

- Belsley, Kuh & Welsch, 'Regression diagnostics: Identifying Influential Data and Sources of C ollinearity', Wiley, 1980. 244-261.
- Quinlan,R. (1993). Combining Instance-Based and Model-Based Learning. In Proceedings on the T enth International Conference of Machine Learning, 236-243, University of Massachusetts, Amherst. Morgan Kaufmann.

Il dataset è composto da 506 osservazioni. Ogni osservazione consiste in 13 valori che costituiscono una serie di rilevamenti di caratteristiche di vicinati della città di Boston. I "target" sono i valori medianti delle case espressi in multipli di 1000 dollari. Estraiamo le osservazioni e i valori target X e Y:

```
In [2]: X = boston.data
Y = boston.target

print(X.shape)
print(Y.shape)

(506, 13)
```

Calcoliamo una permutazione casuale degli indici. Per ottenere risultati ripetibili, impostiamo i seed dei generatori di numeri casuali di numpy e PyTorch:

```
In [3]: import numpy as np
import torch
np.random.seed(123)
torch.random.manual_seed(123);
idx = np.random.permutation(len(X))
```

Applichiamo la stessa permutazione a X e Y:

Suddividiamo il dataset in **training** e **testing** set indipendenti selezionando i primi 50 valori per formare il testing set. Trasformiamo inoltre gli array in tensori e inseriamoli dentro delle variabili. In questo caso non dobbiamo impostare require\_grads\_(True) in quanto si tratta di osservazioni che non andremo a ottimizzare:

```
In [5]: X_training = torch.Tensor(X[50:])
    Y_training = torch.Tensor(Y[50:])
    X_testing = torch.Tensor(X[:50])
    Y_testing = torch.Tensor(Y[:50])
```

#### Domanda 1

Perché abbiamo effettuato una permutazione casuale dei dati prima di suddividerli in training e testing set?



#### Risposta 1

Dobbiamo adesso definire il nostro modello di regressione lineare:

$$y(x) = \theta_1 x_1 + \ldots + \theta_{13} x_{13} + \theta_0$$

Il modello dipenderà da 14 parametri. 13 sono relativi alle 13 feature in ingresso, mentre il quattordicesimo rappresenta l'intercetta della retta. Definiamo un array di parametri  $\theta$  (pesi) e inizializziamolo in maniera casuale, seguendo una distribuzione normale centrata sullo zero e di varianza 0.1 (ciò serve a far si che  $\theta$  assuma valori iniziali sia positivi che negativi). Definiamo inoltre una variabile per l'intercetta (bias):

Definiamo adesso il modello di regressione lineare, dipendente dai parametri  $\theta$  e dai valori di input x. Dato che vogliamo poter lavorare su insiemi di dati, ci aspettiamo di ricevere in input una matrice di dimensione  $[N \times D]$ , dove N è il numero di campioni in ingresso e D è la dimensionalità dei dati (D=13 nel nostro caso). Definiamo il modello di regressione lineare come segue:

```
In [7]: def linear_regression(input, theta, theta_0):
    return input.mul(theta).sum(1)+theta_0
```

Scomponiamo l'operazione definita all'interno della funzione. Consideriamo il prodotto input.mul(theta) e istanziamolo sui nostri dai e i nostri pesi:

Questa operazione ha moltiplicato ogni riga di X\_training per il vettore theta. Ciò corrisponde a calcolare i vari termini  $\theta_i x_i$ . Per ottenere la sommatoria, dobbiamo sommare i valori lungo le right:

```
In [9]: res=res.sum(1)
print(res.shape)
torch.Size([456])
```

Questo restitusice, per ogni campione, la combinazione lineare  $\sum_i \theta_i x_i$ . Dobbiamo adesso aggiungere il termine  $\theta_0$ :

L'espressione completa è dunque:

```
In [11]: res=X_training.mul(theta).sum(1)+theta_0
print(res.shape)
torch.Size([456])
```

Per ognuno dei valori in ingresso, è stato calcolato il valore predetto  $y(x) = \theta_1 x_1 + \ldots + \theta_{13} x_{13} + \theta_0$ . Proviamo ad applicare la funzione ai nostri dati:

Confrontiamo i valori predetti con i valori di ground truth:

I valori sembrano molto diversi! Questo è normale, in quanto il nostro modello usa ancora i pesi inizializzati casualmente. Vogliamo ottimizzare quei pesi utilizzando l'algoritmo della discesa del gradiente. Per fare ciò, dobbiamo prima definire una funzione di loss, ovvero una funzione differenziabile che esprima l'errore che il modello commette nella valutazione. Utilizziamo come funzione di loss, l'errore quadratico medio:

$$MSE(\hat{\mathbf{y}},\mathbf{y}) = rac{1}{N} \sum_{i}^{N} (\hat{y}_i - y_i)^2$$

dove,  $\hat{\mathbf{y}}$  è il vettore delle etichette stimate,  $\mathbf{y}$  è il vettore delle etichette reali (ground truth) e N è il numero di campioni.

```
In [14]: def loss(input, target):
    return ((input-target)**2).mean()
```

Calcoliamo la loss per le prediction appena ottenute:

```
In [15]: print(loss(y,Y_training))
    tensor(2274.0801, grad_fn=<MeanBackward0>)
```

Si tratta di un valore molto grande, in quanto le predizioni sono molto distanti dai valori reali!

Vediamo adesso come applicare la tecnica della discesa del gradiente per ottimizzare il modello di regressione lineare. Ricordiamo che  $\hat{y}_i$  stima i valori delle etichette utilizzando un modello di regressione lineare, per cui la funzione di loss può essere vista come segue:

$$\mathcal{L}_{ heta}(\hat{\mathbf{y}},\mathbf{y}) = \mathcal{L}_{ heta}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = rac{1}{N} \sum_{i}^{N} ( heta_0 + \sum_{i} (x_i heta_i) - y_i)^2$$

dove  ${f x}$  è il vettore di campioni in input e la funzione  ${\cal L}_{ heta}$  è differenziabile rispetto a  ${f heta}$  .

#### Domanda 2

E' importante che la funzione di loss sia differenziabile rispetto ai parametri del modello? Perché?

#### Risposta 2



Il metodo della discesa del gradiente è una tecnica iterativa che consiste in:

- 1. Normalizzare i dati in ingresso x;
- 2. Inizializzare i parametri heta in maniera opportuna;
- 3. Calcolare le predizioni  $\hat{\mathbf{y}} = \sum_i (\theta_i x_i) + \theta_0$
- 4. Calcolare il valore di  $\mathcal{L}_{\theta}(\hat{\mathbf{y}}, \mathbf{y})$ ;
- 5. Calcolare il gradiente rispetto ai parametri  $\theta$  della funzione di loss  $\nabla_{\theta} \mathcal{L}_{\theta}(\hat{\mathbf{y}}, \mathbf{y})$ ;
- 6. Aggiornare i pesi  $\theta$  secondo la regola:  $\theta=\theta-\eta\nabla_{\theta}\mathcal{L}_{\theta}(\hat{\mathbf{y}},\mathbf{y})$ , dove  $\eta$  è il learning rate;
- 7. Ripetere i passi 3-6 fino a convergenza.

In pratica, invece di ripetere la procedura fino a convergenza, si sceglie in genere un certo numero di iterazioni per il quale ripetere la procedura. Ogni iterazione viene anche detta "epoca". Implementiamo l'algoritmo di discesa del gradiente utilizzando autograd. Iniziamo normalizzando i dati in ingresso. Ricordiamo che, dato che ognuna delle 13 osservazioni in input ha potenzialmente una unità di misura diversa, la normalizzazione è necessaria per evitare che una delle componenti sia più o meno influente rispetto all'altra durante la discesa del gradiente. Normalizzeremo i dati per media e deviazione standard. Iniziamo calcolando la media e deviazione standard di ognuna delle 13 variabili:

Notiamo che le 13 variabili hanno medie e deviazioni standard significativamente diverse. Per uniformarle, sottraiamo le medie e dividiamo tutti i dati, colonna per colonna, per le deviazioni standard.

```
In [17]: X_training_norm = (X_training-means)/stds
```

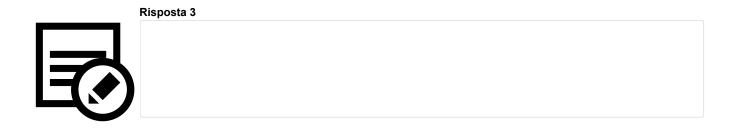
Adesso le 13 variabili hanno medie prossime allo zero e deviazioni standard pari a 1:

Applichiamo la stessa normalizzazione al test set. Ricordiamo che il test set non è noto in fase di training e dunque non è stato utilizzato per calcolare le medie e deviazioni standard usate per la normalizzazione:

```
In [19]: X_testing_norm = (X_testing-means)/stds
```

### Domanda 3

Perché è importante normalizzare i dati? Cosa può succedere se non lo facciamo? Si faccia un esempio grafico su dati bidimensionali.



Implmentiamo adesso la procedura di training impostando il learning rate a 0.1 e ottimizzando il modello per 10 epoche:

```
In [20]: | lr = 0.1 |
         epochs = 10
         # Passo 1: normalizzazione dei dati
         means = X_training.mean(0)
         stds = X_training.std(0)
         X_training_norm = (X_training-means)/stds
         X_testing_norm = (X_testing-means)/stds
         #Passo 2: inizializziamo i pesi come visto in precedenza
         theta = torch.Tensor(13);
         theta_0 = torch.Tensor(1);
         theta.normal_(0,0.01)
         theta_0.normal_(0,0.01)
         theta.requires grad (True)
         theta_0.requires_grad_(True)
         for e in range(epochs):
             #Passo 3: calcoliamo le predizioni
             y = linear_regression(X_training_norm,theta,theta_0)
             #Passo 4: calcoliamo il valore della loss
             1 = loss(y, Y_training)
             #Passo 5: calcoliamo il gradiente della loss rispetto a tutti i parametri
             1.backward()
             #stampiamo il valore della loss
             print("Epoch: {}, loss: {:0.2f}".format(e,l.item()))
             #Passo 6: Aggiorniamo i pesi
             theta.data.sub_(lr*theta.grad.data)
             theta_0.data.sub_(lr*theta_0.grad.data)
             #azzeriamo i gradienti per evitare di accumularli
             theta.grad.data.zero_()
             theta_0.grad.data.zero_()
```

Epoch: 0, loss: 576.30 Epoch: 1, loss: 356.67 Epoch: 2, loss: 234.86 Epoch: 3, loss: 158.02 Epoch: 4, loss: 108.95 Epoch: 5, loss: 77.55 Epoch: 6, loss: 57.44 Epoch: 7, loss: 44.54 Epoch: 8, loss: 36.25 Epoch: 9, loss: 30.91

#### Domanda 4



Dai valori assunti dalla loss durante il training, possiamo dire che la rete è arrivata a convergenza? Ha senso provare ad allenare il modello per un numero maggiore di epoche?

#### Risposta 4

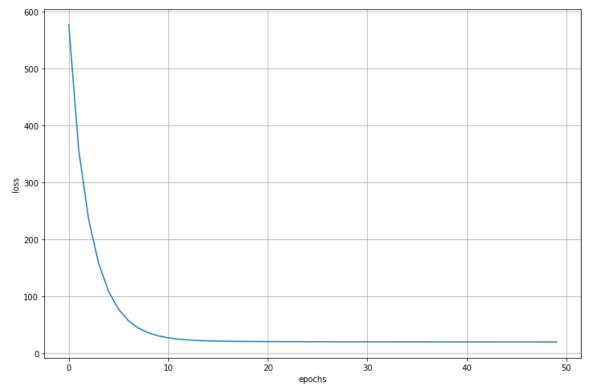


Come possiamo vedere, il valore della loss diminuisce a ogni iterazione. Proviamo ad allenare il modello per 50 epoche. Stavolta, invece di stampare le loss, conserviamone i valori:

```
In [21]: | lr = 0.1
         epochs = 50
          # Passo 1: normalizzazione dei dati
         means = X_training.mean(0)
         stds = X_training.std(0)
         X_training_norm = (X_training-means)/stds
         X_testing_norm = (X_testing-means)/stds
         #Passo 2: inizializziamo i pesi come visto in precedenza
         theta = torch.Tensor(13);
          theta_0 = torch.Tensor(1);
          theta.normal_(0,0.01)
         theta_0.normal_(0,0.01)
         theta.requires_grad_(True)
         theta_0.requires_grad_(True)
          losses = []
          for e in range(epochs):
             #Passo 3: calcoliamo le predizioni
             y = linear_regression(X_training_norm,theta,theta_0)
              #Passo 4: calcoliamo il valore della loss
              1 = loss(y, Y_training)
              #Passo 5: calcoliamo il gradiente della loss rispetto a tutti i parametri
              1.backward()
              #conserviamo il valore della loss
              losses.append(1.item())
              #Passo 6: Aggiorniamo i pesi
              theta.data.sub_(lr*theta.grad.data)
              theta_0.data.sub_(lr*theta_0.grad.data)
              #azzeriamo i gradienti per evitare di accumularli
              theta.grad.data.zero_()
              theta_0.grad.data.zero_()
```

Plottiamo adesso l'evoluzione dei valori di loss:

```
In [22]: from matplotlib import pyplot as plt
plt.figure(figsize=(12,8))
plt.plot(losses)
plt.xlabel('epochs')
plt.ylabel('loss')
plt.grid()
plt.show()
```



Come possiamo vedere, la loss converge dopo circa 15 epoche, portando a un valore stabile intorno alle 20 unità. Tuttavia stiamo ragionando solo sulla loss di training, per cui non sappiamo ancora se il modello generalizza. Calcoliamo il valore della loss sul test set:

```
In [23]: #iniziamo calcolando le predizioni del modello dati i pesi allenati
  yt = linear_regression(X_testing_norm,theta,theta_0)
  #calcoliamo il valore della loss
  print(loss(yt, Y_testing))
```

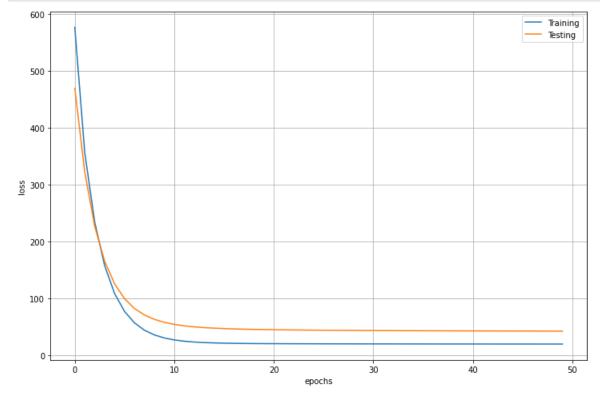
tensor(42.8920, grad\_fn=<MeanBackward0>)

La loss ottenuta è circa doppia rispetto a quella di training. Ciò indica che c'è un certo livello di overfitting. Per capire se anche la loss di test converge, sarebbe interessante seguirne l'evoluzione durante il training. Modifichiamo il codice di training visto sopra per includere il calcolo e salvataggio della loss di test:

```
In [24]: | lr = 0.1 |
         epochs = 50
         # Passo 1: normalizzazione dei dati
         means = X_training.mean(∅)
         stds = X_training.std(0)
         X_training_norm = (X_training-means)/stds
         X_testing_norm = (X_testing-means)/stds
         #Passo 2: inizializziamo i pesi come visto in precedenza
         theta = torch.Tensor(13);
         theta_0 = torch.Tensor(1);
         theta.normal_(0,0.01)
         theta_0.normal_(0,0.01)
         theta.requires grad (True)
         theta_0.requires_grad_(True)
         losses_train = []
         losses_test = []
         for e in range(epochs):
             #Passo 3: calcoliamo le predizioni
             y = linear_regression(X_training_norm,theta,theta_0)
             #Passo 4: calcoliamo il valore della loss
             1 = loss(y, Y_training)
             #conserviamo il valore della loss di training
             losses_train.append(l.item())
             #Passo 5: calcoliamo il gradiente della loss rispetto a tutti i parametri
             1.backward()
             #Passo 6: Aggiorniamo i pesi
             theta.data.sub_(lr*theta.grad.data)
             theta_0.data.sub_(lr*theta_0.grad.data)
             #azzeriamo i gradienti per evitare di accumularli
             theta.grad.data.zero_()
             theta_0.grad.data.zero_()
             #calcoliamo la loss sul test set
             #dato che non dobbiamo calcolare i gradienti
             #li disabilitiamo per risparmiare memoria
             with torch.set_grad_enabled(False):
                 y_test = linear_regression(X_testing_norm, theta, theta_0)
                 loss_test = loss(y_test, Y_testing)
                 losses_test.append(loss_test.item())
```

Adesso stampiamo i valori delle loss:

```
In [25]: from matplotlib import pyplot as plt
plt.figure(figsize=(12,8))
plt.plot(losses_train)
plt.plot(losses_test)
plt.xlabel('epochs')
plt.ylabel('loss')
plt.grid()
plt.legend(['Training','Testing'])
plt.show()
```



Possiamo osservare che anche la loss di test converge, sebbene a un valore più alto di quella di training.



### Domanda 5

Continuare ad allenare il modello per più epoche potrebbe verosimilmente diminuire la loss di test? Perché?



#### Risposta 5

# 2 API ad Oggetti di PyTorch

Abbiamo visto come costruire e allenare un regressore lineare mediante PyTorch. Per velocizzare e semplificare la scrittura del codice, PyTorch mette a disposizione una potente API ad oggetti che favorisce il riutilizzo del codice e permette di implementare gli algoritmi in maniera veloce ed efficiente. Vediamo di seguito come implementare un regressore lineare sfruttando la potenza dell'API ad oggetti di PyTorch.

### 2.1 Modulo Linear

Iniziamo dicendo che, in PyTorch, ogni pezzo di codice che effettua della computazione è generalmente implementato come un oggetto di tipo Module . Ciò include:

- Trasfromazioni lineari del tipo y = Ax + b;
- Funzioni quali la funzione logistica;
- Loss;
- · Modelli (reti neurali) costruiti dall'utente.

PyTorch mette a disposizione una serie di moduli predefiniti che sono contenuti dentro torch.nn. Come primo esempio di modulo, vediamo l'oggetto Linear. Si tratta di un modulo che permette di eseguire trasformazioni lineari del tipo

$$y = Ax^T + b$$

dove:

- x è la matrice degli elementi di input di dimensione  $N \times n$ , con N numero dei campioni e n dimensionalità di ogni elemento;
- A è la matrice di trasformazione (detta anche matrice dei pesi) di dimensione  $m \times n$ , con n dimensionalità dei dati in ingresso e m dimensionalità dei dati in uscita;
- b è un termine additivo (detto "bias") di dimensionalità m;
- y è la matrice degli elementi di output di dimensionalità m imes N.

In pratica, la trasformazione lineare  $y = Ax^T + b$ , ci permette di trasformare i dati  $n - dimensionali \ x$  in dati  $m - dimensionali \ y$  utilizzando i parametri A e b.

#### Domanda 6

Si consideri la trasfromazione lineare  $y=Ax^T+b$ . Perché è necessario trasporre la matrice x?



D	is	n	_	_	4-	 c
к	15	u	u	3	La	0

Il costruttore dell'oggetto Linear richiede in input (si veda la documentazione <a href="http://pytorch.org/docs/master/nn.html#torch.nn.Linear">http://pytorch.org/docs/master/nn.html#torch.nn.Linear</a> per maggiori informazioni):

- Il numero di feature in entrata n;
- Il numero di feature in uscita m;

Ad esempio, il seguente modulo permette di trasformare dati di dimensionalità 20 in dati di dimensionalità 10:

```
In [26]: from torch import nn
linear = nn.Linear(20,10)
```

L'oggetto linear contiene al suo interno tutto il necessario per effettuare la trasformazione lineare. Possiamo accedere ai parametri interni richiamando il metodo parameters :

Inoltre, il costruttore di Linear ha già inizializzato i parametri interni opportunamente:

```
In [28]: print(par[0].mean(), par[0].std())
print(par[1].mean(), par[1].std())

tensor(0.0010, grad_fn=<MeanBackward0>) tensor(0.1248, grad_fn=<StdBackward0>)
tensor(-0.0378, grad_fn=<MeanBackward0>) tensor(0.1176, grad_fn=<StdBackward0>)
```

Ogni modulo di PyTorch è callable, il che significa che lo si può utilizzare esattamente come una funzione. Per effettuare la proiezione lineare definita da linear, possiamo dunque procedere come segue:

```
In [29]: #costruiamo una matrice di 150 elementi a 20 dimensioni
    sample_input = torch.rand((150,20))
    #otteniamo una matrice di 150 elementi a 10 dimensioni
    sample_output = linear(sample_input)
    print(sample_output.shape)

torch.Size([150, 10])
```

C'è da notare che un regressore lineare non fa altro che effettuare una trasformazione del tipo y = Ax + b. In particolare, nel caso del regressore implementato sopra, abbiamo:

- n: numero di feature in ingresso = 13;
- m: numero di feature in uscita = 1;

Possiamo dunque implementare il regressore lineare visto sopra come segue:

```
In [30]: linreg = nn.Linear(13,1)
   z = linreg(X_training_norm)
   print(z.shape)

torch.Size([456, 1])
```

### 2.2 Funzione di Loss

PyTorch mette a disposizione anche una serie di loss standard. La loss definita in precedente è detta anche "mean squared loss" ed è implementata dal modulo MSELoss:

```
In [31]: mse = nn.MSELoss()
```

Confrontiamo i risultati della loss di PyTorch con quelli della nostra:

```
In [32]: print("Loss di PyTorch:",mse(z,Y_training.view(-1,1)))
    print("Loss implementata a mano:",loss(z,Y_training.view(-1,1)))

Loss di PyTorch: tensor(583.5790, grad_fn=<MseLossBackward>)
    Loss implementata a mano: tensor(583.5790, grad_fn=<MeanBackward0>)
```

Benché i risultati siano identici, è sempre meglio preferire i moduli standard messi a disposizione da PyTorch quando possibile.

### 2.3 Definizione di Moduli

Ogni nuovo modello dovrebbe essere implementato in PyTorch come un modulo. Ciò ha differenti vantaggi, ad esempio:

- Ci permette di mantenere tutti i parametri in un posto unico (l'oggetto);
- · Ci permette di strutturare l'implementazione di diversi modelli in maniera simile;
- Ci permette di salvare e caricare facilmente modelli.

Per definire un nuovo modulo, dobbiamo ereditare la classe Module e implementare almeno i seguenti due metodi:

- Il costruttore: specifica come bisogna costruire il modulo e inizializza gli eventuali sotto-moduli;
- Il metodo forward : specifica cosa fare quando il modulo viene chiamato con modulo(x).

Inoltre, è possibile far si che un modulo si comporti in maniera diversa nelle fasi di training e test dell'algoritmo. Ciò può essere ad esempio utile per far si che un regressore logistico restituisca le probabilità in fase di test e i logits in fase di training, in modo da poter usare la loss numericamente stabile.

Vediamo come implementare un regressore lineare come modulo di PyTorch:

I moduli di PyTorch ci permettono di utilizzare una serie di caratteristiche automatiche. Ad esempio, è possibile ottenere la lista di tutti i parametri allenabili contenuti nel modulo come abbiamo visto nel caso degli altri moduli:

Per indicare che il modulo è in modalità training, bisogna invocare module.train(), mentre per specificare che è in modalità test, bisogna invocare module.eval(). Ciò permette di gestire opportunamente dei maccanismi automatici di PyTorch.

# 2.4 Optimizers

Anche la procedura di ottimizzazione viene semplificata mediante degli appositi moduli messi a disposizione da PyTorch. Noi utilizzeremo il più semplici di essi, SGD, che aggiorna i parametri in maniera analoga a quanto fatto a mano. Il costruttore prende in input la lista dei parametri da ottimizzare e il learning rate (maggiori informazioni qui <a href="https://pytorch.org/docs/master/optim.html#torch.optim.SGD">https://pytorch.org/docs/master/optim.html#torch.optim.SGD</a>).

Implementiamo adesso la procedura di training utilizzando il modulo appena creato. La procedura di training diventa la seguente:

- 1. Normalizzare i dati in ingresso x;
- · Costruire il modulo che implementa il modello (il costruttore si preoccuperà di inizializzare i parametri);
- Mettere il modello in modalità "training";
- Calcolare l'output del modello  $\hat{y}$ ;
- Calcolare il valore della loss  $\mathcal{L}_{\theta}(\hat{y}, y)$ ;
- Calcolare il gradiente della loss rispetto ai parametri del modello  $abla_{ heta}\mathcal{L}_{ heta}(\hat{y},y)$ ;
- Aggiornare i pesi  $\theta$  secondo la regola:  $\theta = \theta \eta \nabla_{\theta} \mathcal{L}_{\theta}(\hat{y}, y)$ , dove  $\eta$  è il learning rate (ci penserà l'optimizer);
- Ripetere i passi 4-7 fino a convergenza.

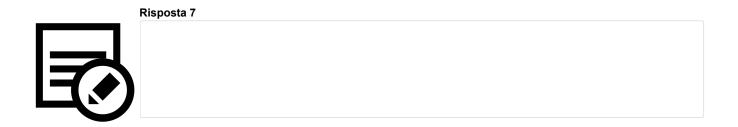
Il codice corrispondente è il seguente:

```
In [35]: | lr = 0.1
         epochs = 100
         #normalizzazione dei dati
         means = X_training.mean(0)
         stds = X_training.std(0)
         X_training_norm = (X_training-means)/stds
         X_testing_norm = (X_testing-means)/stds
         reg = LinearRegressor(13,1)
         criterion = nn.MSELoss() #La loss è spesso riferita come "criterio" di ottimizzazione
         #l'optimizer vuole un riferimento ai parametri da ottimizzare
         #e il learning rate
         optimizer = torch.optim.SGD(reg.parameters(),lr=lr)
         losses_train = []
         losses_test = []
         for e in range(epochs):
             #mettiamo il regressore in modalità training
             reg.train()
             output = reg(X_training_norm)
             1 = criterion(output.view(-1),Y_training)
             losses_train.append(1.item())
             1.backward()
             optimizer.step()
             optimizer.zero_grad()
             #le ultime due righe sostituiscono l'update manuale:
             # for p in logreg.parameters():
                     p.data.sub_(Lr*p.grad.data)
                     p.grad.data.zero_()
             #calcoliamo la loss di test
             #mettiamo il modello in modalità validation
             reg.eval()
             with torch.set_grad_enabled(False):
                 y_test=reg(X_testing_norm)
                 1 = criterion(y_test.view(-1),Y_testing)
                 losses_test.append(1.item())
```

#### Domanda 7

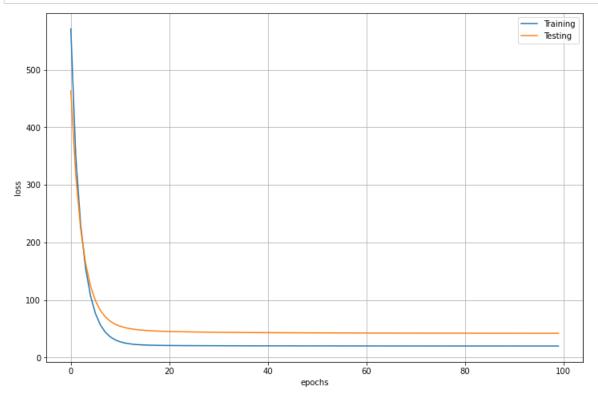


Si confronti il codice scritto sopra con il codice scritto in precedenza. Quali sono i vantaggi della nuova versione?



Plottiamo adesso le loss di training e testing:

```
In [36]: from matplotlib import pyplot as plt
plt.figure(figsize=(12,8))
plt.plot(losses_train)
plt.plot(losses_test)
plt.xlabel('epochs')
plt.ylabel('loss')
plt.grid()
plt.legend(['Training','Testing'])
plt.show()
```



# 3 Monitoraggio della procedura di training

Abbiamo visto come il plot delle loss di training e test ci dia delle indicazioni su quanto la procedura di allenamento sia andata a buon fine. Abbiamo inoltre visto come visualizzare le loss di training e test appena finito il training di un modello. Con modelli più complessi del regressore lineare visto in questo laboratorio, la procedura di training può durare anche per delle ore. In tali casi può essere utile monitorare le loss e gli indicatori di performance durante la procedura di allenamento. Per ottenere questo risultato utilizzeremo tensorboard . Tensorboard è stato progettato da Google come uno strumento per il monitoraggio delle procedure di training all'interno della libreria Tensorboard. Tuttavia, vista la sua flessibilità, PyTorch offre ormai un supporto nativo a tensorboard. I due componenti che ci servono sono i seguenti:

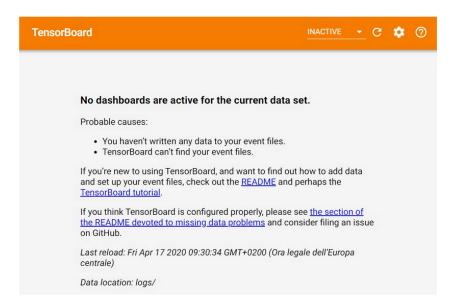
- La libreria di supporto a tensorboard, parte integrante di PyTorch. Mediante questa libreria sarà possibile scrivere su disco dei file di log, che potranno essere visualizzati esternamente mediante un software di visualizzazione;
- Il software tensorboard, che consiste in un server web che integra un applicativo web per la visualizzazione dei log.

Installiamo tensorboard mediante il comando conda install tensorboard. Creiamo a questo punto una cartella logs all'interno della quale andremo a scrivere i nostri file di log mediante il comando mkdir logs. Possiamo avviare tensorboard mediante il comando tensorboard --logdir logs. Questo comando dovrebbe aprire la dashboard alla porta di default 6006. Possiamo visualizzare la dashboard inserendo il seguente URL in un browser web: <a href="http://localhost:6006/">http://localhost:6006/</a>.

Nel caso in cui si stia utilizzando Google Colaboratory, per visualizzare la dashboard di tensorboard, bisogna eseguire le seguenti istruzioni:

%load\_ext tensorboard
%tensorboard --logdir logs

Dato che non abbiamo ancora nessun log, dovremmo visualizzare una schermata simile alla seguente:



Vediamo ora come scrivere dei file di log direttamente dall'API di pytorch. Per farlo, utilizzeremo l'oggetto SummaryWriter. Quando costruiamo l'oggetto, dobbiamo specificare la directory in cui scrivere i log. E' buona norma inserire i log relativi a un dato esperimento in una sottodirectory della cartella contenente tutti i log. Chiamiamo questa directory "test0":

```
In [37]: from torch.utils.tensorboard import SummaryWriter
   writer = SummaryWriter('logs/test0')
```

A questo punto possiamo iniziare ad "aggiungere" valori ai nostri log. Per inserire uno scalare (ad esempio il valore della loss ad un certo punto del training), utilizzeremo il metodo add scalar . Oltre al valore dello scalare abbiamo bisogno però di specificare altri due valori:

- · Un tag che identifichi lo scalare;
- Un intero che identifichi a che punto del training ci troviamo (chiamato global step da tensorboard);

Una convenzione generalmente utilizzata per il tag, consiste nell'utilizzare come tag il significato dello scalare (es. 'loss' o 'accuracy') seguito da una slash ('/') e da un tag che identifichi se ci troviamo in fase di training o test. Ad esempio, nel nostro caso utilizzeremo loss/train e loss/test.

Per quanto riguarda l'intero che identifichi a che punto del training ci troviamo, è spesso conveniente inserire un numero che specifichi quanto campioni sono stati "visti" in training fino a questo momento.

Iniziamo generando dei dati fittizi:

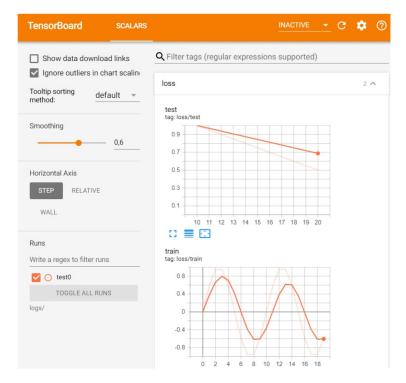
```
In [38]: global_step = 0
#simuliamo un ciclo di training
for i in range(10):
    writer.add_scalar('loss/train', np.sin(global_step/5*3.14), global_step=global_step)
    global_step+=1

#simuliamo un valore di test
writer.add_scalar('loss/test', 1, global_step=global_step)

#simuliamo un secondo ciclo di training
for i in range(10):
    writer.add_scalar('loss/train', np.sin(global_step/5*3.14), global_step=global_step)

#simuliamo un secondo valore di test
writer.add_scalar('loss/test', 0.5, global_step=global_step)
```

Se aggiorniamo la pagina di tensorboard, dovremmo visualizzare qualcosa del genere:



la pagina contiene diversi elementi. Vediamo i più importanti:

- I due grafici "train" e "test" sono raggruppati in una tab "loss". Ciò è possibile per via del tag composto "loss/train" che abbiamo usato;
- In basso a sinistra in "runs" compare una lista di esperimenti. Per il momento ne abbiamo uno solo, "test0";
- Nella barra di sinistra, circa a metà, abbiamo un controllo "smoothing". Questo permette di approssimare ogni punto del grafico con una media calcolata considerando i valori in un intorno del punto. Questo controllo è molto utile per osservare la tendenza di uno scalare anche quando i valori sono rumorosi. Vedremo meglio come utilizzare questo controllo in seguito.

Possiamo continuare ad aggiungere punti al grafico in maniera incrementale. Ad esempio:

```
In [39]: #simuliamo un ciclo di training
for i in range(10):
    writer.add_scalar('loss/train', np.sin(global_step/5*3.14), global_step=global_step)
    global_step+=1

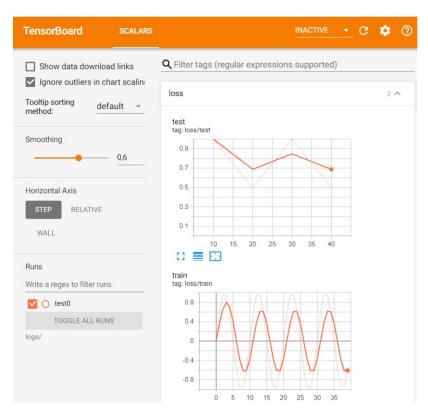
#simuliamo un valore di test
writer.add_scalar('loss/test', 1, global_step=global_step)

#simuliamo un secondo ciclo di training
for i in range(10):
    writer.add_scalar('loss/train', np.sin(global_step/5*3.14), global_step=global_step)

global_step+=1

#simuliamo un secondo valore di test
writer.add_scalar('loss/test', 0.5, global_step=global_step)
```

Aggiorna il grafico come segue:

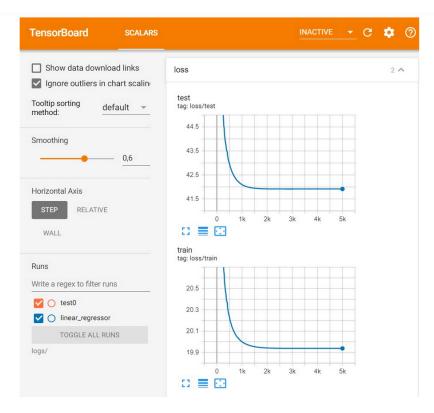


# 3.2 Esempio di logging

Modifichiamo il codice di training del regressore lineare per monitorare le loss di training e test mediante tensorboard. Faremo log dei valori ad ogni epoca e utilizzremo come "global\_step" proprio il numero di epoche. Chiameremo il nostro nuovo esperimento "linear\_regressor":

```
In [40]: | lr = 0.01 |
         #facciamo training per 5000 epoche in modo da verificare che
         #tensorboard viene aggiornato in tempo reale
         epochs = 5000
         writer = SummaryWriter('logs/linear_regressor')
         #normalizzazione dei dati
         means = X_training.mean(0)
         stds = X_training.std(0)
         X_training_norm = (X_training-means)/stds
         X_testing_norm = (X_testing-means)/stds
         reg = LinearRegressor(13,1)
         criterion = nn.MSELoss()
         optimizer = torch.optim.SGD(reg.parameters(),lr=lr)
         for e in range(epochs):
             reg.train()
             output = reg(X_training_norm)
             l = criterion(output.view(-1),Y_training)
             writer.add_scalar('loss/train', l.item(), global_step=e)
             1.backward()
             optimizer.step()
             optimizer.zero_grad()
             reg.eval()
             with torch.set_grad_enabled(False):
                 y_test = reg(X_testing_norm)
                 1 = criterion(y_test.view(-1),Y_testing)
                 writer.add_scalar('loss/test', l.item(), global_step=e)
```

Facciamo training per un numero molto alto di epoche (5000) per verificare che il grafico viene effettivamente aggiornato in tempo reale. Subito dopo aver lanciato la cella sopra, passiamo a tensorboard per verificare che effettivamente il grafico viene aggiornato in tempo reale. Alla fine del training dovremmo ottenere quanto segue:



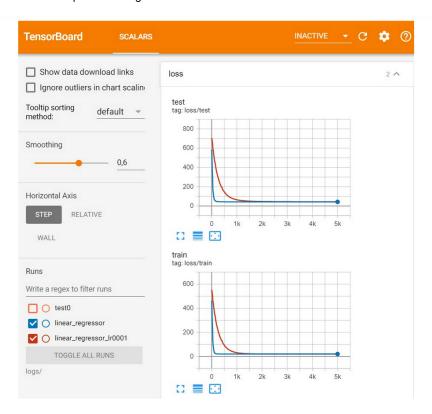
Qualora i grafici non dovessero essere mostrati correttamente, è possibile visualizzarli adattando gli assi mediante i pulsanti con le quattro frecce:



Tensorboard ci permette di confrontare il training di diversi esperimenti. Proviamo a ripetere il training cambiando il learning rate. Utilizzeremo un learning rate pari a "0.0001" e chiameremo l'esperimento linear\_regressor\_lr0001:

```
In [41]: | lr = 0.001
         #facciamo training per 5000 epoche in modo da verificare che
         #tensorboard viene aggiornato in tempo reale
         epochs = 5000
         writer = SummaryWriter('logs/linear_regressor_lr0001')
          #normalizzazione dei dati
         means = X_training.mean(0)
         stds = X_training.std(0)
         X_training_norm = (X_training-means)/stds
         X_testing_norm = (X_testing-means)/stds
          reg = LinearRegressor(13,1)
         criterion = nn.MSELoss()
         optimizer = torch.optim.SGD(reg.parameters(),lr=lr)
          for e in range(epochs):
             reg.train()
             output = reg(X_training_norm)
             l = criterion(output.view(-1),Y_training)
              writer.add_scalar('loss/train', 1.item(), global_step=e)
              1.backward()
              optimizer.step()
              optimizer.zero_grad()
              reg.eval()
              with torch.set_grad_enabled(False):
                 y_test = reg(X_testing_norm)
                  1 = criterion(y_test.view(-1),Y_testing)
                  writer.add_scalar('loss/test', l.item(), global_step=e)
```

Per visualizzare meglio i grafici deselezioniamo "ignore outliers in chart scaling" e adattiamo gli assi per ogni grafico. Deselezioniamo testo che non è comparabile. Otterremo qualcosa del genere:



#### Domanda 8



Cosa possiamo dire dal confronto dei due grafici? Quale dei due modelli converge prima? Perché? Era sufficiente un numero minore di epoche per il training?

#### Risposta 8



### **Esercizi**



#### Esercizio 1

Si provi ad allenare il regressore sul dataset Boston **senza** effettuare la normalizzazione dei dati. Se necessario, si modifichino il learning rate e il numero di epoche per portare il modello a convergenza. Si notano differenze durante il training? Il modello allenato è migliore o peggiore? Si monitorino le curve di training e test mediante tensorboard.



#### Esercizio 2

Abbiamo visto come allenare un modello di regressione lineare in maniera imperativa. Per semplificare l'utilizzo del modello, si cotruisca una classe LinearRegressor con i seguenti metodi:

- Costruttore: prende in input il numero di dimensioni in input D e il numero di dimensioni in output. Il costruttore inizializza i pesi del modello (theta e theta 0);
- Metodo fit : prende in input i dati X e le etichette Y per effettuare il training. Il metodo prende in input anche i parametri 1r e epochs che indicano il learning rate e il numero di epoche. I valori di default per

questi due parametri sono rispettivamente 0.01 e 100. Il metodo fit calcola medie e deviazioni standard di X e conserva tali valori per usi futuri, normalizza i dati X ed effettua l'allenamento del modello. Ad ogni epoca, viene stampato il valore della loss;

- Metodo predict: prende in input i dati X. Il metodo normalizza i dati X utilizzando le medie e le deviazioni standard
  precedentemente salvate, poi predice e restituisce le etichette predette dal modello sui dati X;
- Metodo score : prende in input i dati X e le etichette Y. Il metodo utilizza predict per predire le etichette a partire dai dati X, poi calcola e restituisce il valore della loss calcolata utilizzando le etichette predette e le etichette fornite Y;

E' possibile inserire altri metodi privati (devono iniziare per \_ , ad esempio \_loss ) per rendere la computazione modulare.

#### Utilizzare l'oggetto per:

- · Allenare il modello di regressione lineare sui dati di training;
- · Calcolare la loss di training mediante il metodo score;
- Predire le etichette di test mediante il metodo predict;
- Calcolare la loss di test mediante il metodo score .



#### Esercizio 3

Si consideri il dataset disponibile al seguente URL:

https://scikit-learn.org/stable/datasets/toy\_dataset.html#diabetes-dataset

Si costruisca un regressore lineare che predica i valori target a partire dagli altri attributi. Si provino diversi learning rate e numeri di epoche per far convergere il modello. Cosa succede nel caso di learning rate molto alti? E nel caso di learning rate molto bassi?



#### Esercizio 4

Si consideri il dataset visto nell'esercizio precedente. Si costruisca un regressore lineare per predire i valori delle variabili S1, S2, S3 a partire dai valori delle altre variabili. Per costruire il regressore, si specifichi 3 come numero di dimensioni in uscita. Si faccia attenzione al processo di normalizzazione dei dati. In questo caso, i valori delle variabili S1, S2, S3 **non deve essere normalizzato**. Qual è la loss finale sul test set?



#### Esercizio 5

Qualora necessario, è possibile eliminare selettivamente uno degli esperimenti per i quali abbiamo effettuato log mediante tensorboard, in modo che questi non vengano più visualizzati nella lista dei "runs". Questo è comodo quando gli esperimenti da comparare diventano tanti e alcuni di essi non sono rilevanti. Come facciamo ad eliminare gli esperimenti? Si esplori il contenuto della cartella logs e si facciano delle prove per rispondere alla domanda.

## References

- Documentazione di PyTorch. http://pytorch.org/docs/stable/index.html;
- Documentazione relativa all API per tensorboard messa a disposizione da PyTorch. https://pytorch.org/docs/stable/tensorboard.html