Отчёт по лабораторной работе №7 Математическое моделирование

Модель распространения рекламы. Вариант №8

Выполнил: Маляров Семён Сергеевич, НПИбд-01-21, 1032209505

Содержание

1	Цель работы		1
2			
3	Задание		
4		нение лабораторной работы	
_		строение математической модели. Решение с помощью программ	
	4.1.1		
	4.1.2	Результаты работы кода на Julia	6
	4.2 Op	enModelica	7
5			
6	Вывод		8
7	Список литературы. Библиография		8

1 Цель работы

Изучить и построить модель эффективности рекламы.

2 Теоретическое введение

Организуется рекламная кампания нового товара или услуги. Необходимо, чтобы прибыль будущих продаж с избытком покрывала издержки на рекламу. Вначале расходы могут превышать прибыль, поскольку лишь малая часть потенциальных покупателей будет информирована о новинке. Затем, при увеличении числа продаж, возрастает и прибыль, и, наконец, наступит момент, когда рынок насытиться, и рекламировать товар станет бесполезным.

Предположим, что торговыми учреждениями реализуется некоторая продукция, о которой в момент времени t из числа потенциальных покупателей N знает лишь n покупателей. Для ускорения сбыта продукции запускается реклама по радио, телевидению и других средств массовой информации. После запуска рекламной кампании информация о продукции начнет распространяться среди потенциальных покупателей путем общения друг с другом. Таким образом, после запуска рекламных

объявлений скорость изменения числа знающих о продукции людей пропорциональна как числу знающих о товаре покупателей, так и числу покупателей о нем не знающих Модель рекламной кампании описывается следующими величинами.

Считаем, что dn/dt - скорость изменения со временем числа потребителей, узнавших о товаре и готовых его купить, t - время, прошедшее с начала рекламной кампании, n(t) - число уже информированных клиентов. Эта величина пропорциональна числу покупателей, еще не знающих о нем, это описывается следующим образом: $\alpha 1(t)(N-n(t))$, где N

платежеспособных покупателей, $\alpha 1(t) > 0$ - общее число потенциальных характеризует интенсивность рекламной кампании (зависит от затрат на рекламу в данный момент времени).

Помимо этого, узнавшие о товаре потребители также распространяют полученную информацию среди потенциальных покупателей, не знающих о нем (в этом случае работает т.н. сарафанное радио). Этот вклад в рекламу описывается величиной $\alpha 2(t)n(t)(N-n(t))$, эта величина увеличивается с увеличением потребителей узнавших о товаре. Математическая модель распространения рекламы описывается уравнением:

3 Задание

Постройте график распространения рекламы, математическая модель которой описывается следующим уравнением:

```
dn/dt = (0.64+0.00014n(t))(N-n(t))
dn/dt = (0.000014+0.63n(t))(N-n(t))
dn/dt = (0.7 \cdot t + 0.4 \cos(t)n(t))(N-n(t))
```

При этом объем аудитории N = 810, в начальный момент о товаре знает 11 человек. Для случая 2 определите в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

4 Выполнение лабораторной работы

4.1 Построение математической модели. Решение с помощью программ

4.1.1 Julia

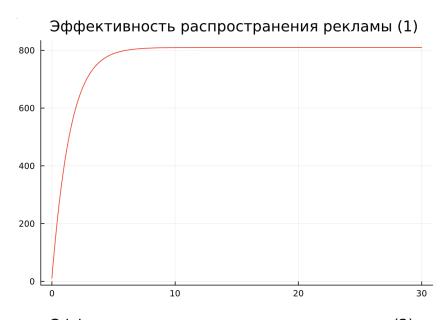
```
Код программы для первого случая: dn/dt = (0.64 + 0.00014n(t))(N - n(t))
```

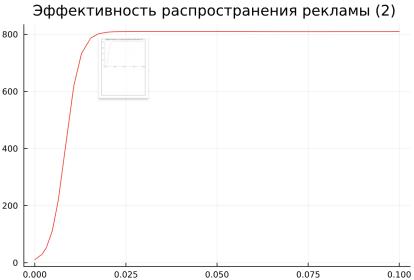
```
v0 = [n0]
tspan = (0.0, 30.0)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)
n = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t for t in sol.t]
plt = plot(
  dpi = 600,
  title = "Эффективность распространения рекламы (1) ",
  legend = false)
plot!(
  plt,
  Τ,
  n,
  color = :red)
savefig(plt, "lab7_julia_1.png")
Код программы для второго случая: dn/dt = (0.000014 + 0.63n(t))(N - n(t))
using Plots
using DifferentialEquations
N = 810
n0 = 11
function ode fn(du, u, p, t)
    (n) = u
    du[1] = (0.000014 + 0.63*u[1])*(N - u[1])
end
v0 = [n0]
tspan = (0.0, 0.1)
prob = ODEProblem(ode fn, v0, tspan)
sol = solve(prob)
n = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t \text{ for t in sol.t}]
\max dn = 0;
max_dn_t = 0;
\max dn n = 0;
for (i, t) in enumerate(T)
    if sol(t, Val{1})[1] > max dn
        global max_dn = sol(t, Val{1})[1]
        global max dn t = t
        global max_dn_n = n[i]
```

```
end
end
plt = plot(
  dpi = 600,
  title = "Эффективность распространения рекламы (2) ",
  legend = false)
plot!(
  plt,
  Τ,
  n,
  color = :red)
plot!(
  plt,
  [max_dn_t],
  [max_dn_n],
  seriestype = :scatter,
  color = :red)
savefig(plt, "lab7 julia 2.png")
Код программы для третьего случая: dn/dt = (0.7 \cdot t + 0.4\cos(t)n(t))(N-n(t))
using Plots
using DifferentialEquations
N = 810
n0 = 11
function ode_fn(du, u, p, t)
    (n) = u
    du[1] = (0.7*t + 0.4*cos(t)*u[1])*(N - u[1])
end
v0 = [n0]
tspan = (0.0, 0.1)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)
n = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t for t in sol.t]
plt = plot(
  dpi = 600,
  title = "Эффективность распространения рекламы (3) ",
  legend = false)
plot!(
  plt,
  Τ,
```

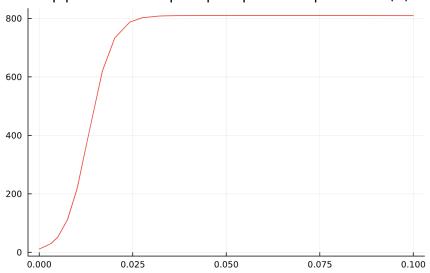
```
n,
color = :red)
savefig(plt, "lab7_julia_3.png")
```

4.1.2 Результаты работы кода на Julia





Эффективность распространения рекламы (3)



4.2 OpenModelica

equation

Код программы для первого случая:

```
model lab7_1
Real N = 810;
Real n;
initial equation
n = 11;
equation
der(n) = (0.64 + 0.00014*n)(N-n);
end lab7_1_mod;
Код программы для второго случая:
model lab7_2
Real N = 810;
Real n;
initial equation
n = 11;
equation
der(n) = (0.000014 + 0.00063*n)(N-n);
end lab7_2;
Код программы для третьего случая:
model lab7_3
Real N = 810;
Real n;
initial equation
n = 11;
```

der(n) = (0.7*time + 0.4*cos(time)*n)(N-n);

5 Анализ полученных результатов. Сравнение языков.

В итоге проделанной работы мы построили графики распространения рекламы для трех случаев на языках Julia и OpenModelica. Построение модели распространения рекламы на языке OpenModelica занимает значительно меньше строк, чем аналогичное построение на Julia.

Кроме того, построения на языке OpenModelica проводятся относительно значения времени t по умолчанию, что упрощает нашу работу.

6 Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель эффективности рекламы и в дальнейшем решена задача на языках Julia и Open Modelica.

7 Список литературы. Библиография

- [1] Документация по Julia: https://docs.julialang.org/en/v1/
- [2] Документация по OpenModelica: https://openmodelica.org/
- [3] Решение дифференциальных уравнений: https://www.wolframalpha.com/
- [4] Модель Лотки—Вольтерры: https://mathit.petrsu.ru/users/semenova/MathECO/Lections/Lotka_Volterra.pdf