Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет)

Факультет информационных технологий и прикладной математики

Кафедра вычислительной математики и программирования

Лабораторная работа №1 по курсу «Дискретный анализ»

Студент: А.А. Боглаев Преподаватель: А.А. Кухтичев

Группа: М8О-206Б-22

Дата: Оценка: Подпись:

Лабораторная работа №1

Задача: Требуется разработать программу, осуществляющую ввод пар «ключ-значение», их упорядочивание по возрастанию ключа указанным алгоритмом сортировки за линейное время и вывод отсортированной последовательности.

Вариант сортировки: Поразрядная сортировка.

Вариант ключа: Числа от 0 до $2^{64}-1$.

Вариант значения: строки переменной длины (до 2048 символов).

1 Описание

Требуется написать реализацию алгоритма поразрядной сортировки для упорядочивания пар «ключ-значение» по возрастанию.

Как сказано в [1]: «Поразрядная сортировка - это алгоритм, который использовался в машинах, предназначеных для сортировки перфокарт, состоящих из d-значных чисел. Сначала производится сортировка по младшей цифре, после чего перфокарты снова объединяются в одну колоду, в которой сначала идут перфокарты из нулевого приемника, затем — из первого приемника, затем — из второго и т.д. После этого вся колода снова сортируется по предпоследней цифре, и перфокарты вновь собираются в одну стопку тем же образом. Процесс продолжается до тех пор, пока перфокарты не окажутся отсортированными по всем d цифрам. После этого перфокарты оказываются полностью отсортированы в порядке возрастания d-значных чисел. Таким обра зом, для сортировки перфокарт требуется лишь d проходов колоды. Ниже представлен пример использования данного алгоритма для сортировки 3-х значныйх чисел.

Важно, чтобы сортировка по цифрам того или иного разряда в этом алгоритме обладала устойчивостью!».

329		720		720		329
457		355		329		355
657		436		436		436
839	>	457	>	839	>	457
436		657		355		657
720		329		457		720
355		839		657		839

2 Исходный код

На каждой непустой строке входного файла располагается пара «ключ-значение», поэтому создадим новый объект класса TObject, в которой будем хранить ключ и значение. У этого класса реализованы косиструкторы и деструкторы, а также переопределен опрератор присваивания и оператор вывода.

- TObject() дефолтный конструктор, по сути собирает простую пару, где ключ равен 0, а занчение это нулевой указатель
- TObject(key, value) конструктор, на который принимает ключ и значение
- TObject(TObject & other) копирующий конструктор
- TObject() деструктор
- operator оператор присваивания
- operator« опрератор вывода

Важно отметить, что в поле значения класса *TObject* лежит указатель на строку. Как показали тесты, такой способ хранения строк помогает расходовать меньше памяти во время выполенения алгоритма сортировки. При обработке вектора в процессе сортировки происходит перемещение элементов из одного вектора в другой, а также элементы перемещаются из одного буфера в другой при расширении или сужения буфера. Если хранить в поле класса сами строки, то программа будет использовать больше памяти и времени.

Нам нужно где-то хранить наши объекты, чтобы их можно было отсортировать и вывести. Так как мы не знаем, сколько пар поступит на вход программе, нужно использовать структуру, которая может граммотно изменять размеры своего буфера. В ходе лабораторной работы зарпещено использовать «stl» контейнеры. Поэтому напишем свой «простой» вектор. Этот контейнер отдаленно напоминает стандартный вектор. В нем есть такие методы, как:

- PushBack вставка элемента в конец буфера
- РорВаск удаление элемента из конца буфера
- Size возвращает значение длины вектора
- Reserve выделение памяти

- operator[] получение элемента по индексу
- operator << печать объектов вектора

Данный вектор написан в виде шаблонного класса TSimpleVector. В этом классе есть также конструкторы и деструктор.

- TSimpleVector() дефолтный конструктор
- TSimple Vector(const int & n) - конструктор, который выделяет буфер на n значений
- TSimpleVector(const int & n, const T & value) конструктор, который выделяет буфер на n значений и заполняет его значениями value
- TSimpleVector(TSimpleVector<T>&& other) перемещающий конструктор (move constructor)
- TSimpleVector() деструктор, специальный метод класса, который автоматически вызывается при уничтожении объекта. Он используется для освобождения ресурсов, выделенных объектом во время его жизни.

Конструктор перемещения - это специальный конструктор класса, который принимает временный объект (rvalue) в качестве параметра и перемещает его ресурсы в новый объект, вместо их копирования.

Важным методом нашего вектора является метод Reserve. У вектора есть три парамметра: размер, объем и буфер. В данный метод позволяет изменять объем буфера. Когда нам важно изменять объем буфера?

В основном, когда размер вектора равен объему. В стандартном векторе используются сложные конструкции, чтобы максимально экономно расходовать память. В нашем же случае сложные конструкции пока не известны нам, поэтому мы просто стараемся увеличивать объем в 2 раза.

При выполнении лабораторной работы не использовал метод PopBack, но в нем тоже реализован механизм уменьшения памяти.

С хранением элементов разобрались, теперь рассмотрим алгоритм сортировки. Почему поразрядная сортировка? Потому что сортируются разряды чисел. Поразрядная сортировка в нашей реализации состоит из двух частей:

• функция для получения разряда числа GetDigit

• сортировка разрядов

Для хранения ключа используется тип данных uint64_t - 8 байт. Для получения разряда не нужно использовать деление на 10 и деление с остатком. Этот способ работает, но он для больших чисел он будет неэффективным. Поэтому нужно разбить число на байты. Можно сравнить два подхода. В функции поразрядной сортировки запускаем сотировку разрядов в цикле. Цикл можем запустить от 0 до 14 или от 0 до 8. Очевидно, что второй вариант более привлекателен с точки зрения экономии ресурсов.

Внутри функции GetDigit выполняется следующее:

- 1. Сдвиг числа elem на 8 * і битов вправо с помощью оператора >>. Это позволяет получить нужную позицию цифры в числе.
- 2. Применение побитовой маски 0xFF с помощью оператора &. Маска 0xFF представляет **байт** со значением 255 в двоичной системе. Применение этой маски позволяет извлечь только младший байт (8 бит) из результата сдвига, что соответствует значению цифры.
- 3. Полученное значение цифры сохраняется в переменную digit.
- 4. Функция возвращает значение digit.

Как уже описывалось выше, разряды чисел должны сортироваться устойчивой сотртировкой. Мы будем использовать сортировку подсчетом.

Приведем краткий разбор алгоритма по шагам.

- 1. создание массива подсчета
- 2. вычисление префикс-суммы для каждого элемента в массиве подсчета
- 3. создание результырующего вектора
- 4. вычисление позиции ткущего элемента в результирующем векторе

Алгоритм сортировки посчетом достаточно прост. Нужно создать массив подсчета, куда будем записывать количество элемнетов которые нам повстречались при обходе. В нашем случае такой массив может быть максимум размером 256 элементов, что соотвествуент 1 байту. Поэтому нет смысла использовать наш вектор.

После нужно вычислить префикс-сумму для каждого значения в массиве подсчета, начиная со 2 элемента. Данная префикс-сумма обозначает количество элементов, которые меньше или равны текущему элементу и стоят где-то перед ним. Поэтому и начинаем со второго элемента, перед первым ничего не стоит.

Далее нам нужен результирующий вектор, куда мы будем помещать элементы.

В сортировки подсчетом нет сравнения элементов. Элементы сортируются за счет вычисления их позиции в результирующем векторе. Позиция вычисляется как значение массива подсчета (от текущего разряда) минус 1.

На вычесленную позицию ставим элемент исходного вектора и уменьшаем значение в массиве подсчета.

Важно отметить, что для расстановки элементов в результирующем векторе цикл запускают от последнего элемента к первому. Именно так можно расставить элементы в правильном порядке, как раз для этого мы вычисляли префикс-сумму.

После выполенения цикла, перемещаем новую последовательность из результирующего вектора в исходный.

После того как выполним 8 раз порязрядную сортировку, наша исходная последовательность будет упорядочена по возрастанию.

Чтобы программа не превысила времени выполнения, придется переписать ввод и вывод пар. Вместо использования cin и cout, бедем использовать scanf и printf.

```
1 | #include <iostream>
 ^{2}
   #include <memory>
 3
 4
   template<class T>
5
   class TSimpleVector {
 6
       private:
 7
           T* buffer;
8
           int size;
9
           int cap;
10
       public:
11
           TSimpleVector();
12
           TSimpleVector(const int & n);
           TSimpleVector(const int & n, const T & value);
13
14
           TSimpleVector(TSimpleVector<T>&& other); // move constructor
15
           ~TSimpleVector();
16
           void Reserve(const int new_cap)
17
           void PushBack(const T & value);
18
19
           void PopBack();
20
           int Size() const; // getter
21
22
           T& operator[](const int & i);
```

```
23
           TSimpleVector& operator=(TSimpleVector<T>&& other);
24
25
           friend std::ostream& operator<<(std::ostream& os, const TSimpleVector<T>& other
26
   };
27
28
   class TObject {
29
       public:
30
           uint64_t key;
31
           std::shared_ptr<std::string> value;
32
33
           TObject();
           TObject(const uint64_t& c_key, const std::string& c_value);
34
35
           TObject(const TObject& other);
36
           ~TObject() noexcept;
37
38
           TObject& operator=(const TObject& other);
39
           friend std::ostream& operator<<(std::ostream& os, const TObject & other);</pre>
40
   };
41
   const int COUNT_MS_SZ = 256;
42
43
44
   int GetDigit(uint64_t & elem, int& i) {
45
     int digit = (elem >> (8 * i)) & 0xFF;
46
     return digit;
47
   }
48
49
   void CountingSort(TSimpleVector<TObject>& mas, int& i) {
50
      int sz = mas.Size();
51
      int cnts[COUNT_MS_SZ] = {0};
52
      for (int j = 0; j < sz; j++) {
53
54
       cnts[GetDigit(mas[j].key, i)]++;
55
56
      for (int j = 1; j < COUNT_MS_SZ; j++) {
57
58
       cnts[j] += cnts[j - 1];
59
60
61
      TSimpleVector<TObject> interm_result(sz);
62
63
      for (int j = sz - 1; j >= 0; j--) {
       int pos = cnts[GetDigit(mas[j].key, i)] - 1;
64
       interm_result[pos] = mas[j];
65
66
       cnts[GetDigit(mas[j].key, i)] = pos;
67
68
69
     mas = std::move(interm_result);
70 || }
```

```
71 |
72
     void Radix(TSimpleVector<TObject>& mas) {
73
       for (int i = 0; i < 8; i++) {
74
         CountingSort(mas, i);
75
       }
    }
76
77
78
    int main() {
79
       TSimpleVector<TObject> mas;
80
81
       uint64_t key;
82
       char str[2049];
       while (scanf("%lu\t%[^\n]", &key, str) != EOF) {
83
84
         mas.PushBack(TObject(key, std::string(str)));
85
86
87
       Radix(mas);
88
89
       for (int i = 0; i < mas.Size(); i++) {</pre>
90
         printf("\label{locality} "\label{locality} printf("\label{locality} "\label{locality} lu\label{locality} "\label{locality} n", mas[i].key, mas[i].value->c_str());
91
92
93 || }
```

3 Консоль

```
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ make
g++ -std=c++17 -pedantic -Wall main.cpp -o lab1
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ cat tests/01.t
17832977662492897515
                         1M10CeWaHK
2996444704890835419
                         eoRbLbhgnV
14252360749301456558
                         XViwJgagyL
8509929984979068612
                         1EPeVZQJxj
16872145630083976482
                         OzbvidEVHy
12066295488853181134
                         BfJiYdMhdv
4473799090154691171
                         RHxbAUdqfb
1681540776916609004
                         EGLTpVNggw
                         xlYdMhNVCa
5616851010130146808
6958989457477228380
                         mXzlaEkRSD
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ ./lab1 <tests/01.t
1681540776916609004
                         EGLTpVNggw
2996444704890835419
                         eoRbLbhgnV
4473799090154691171
                         RHxbAUdqfb
5616851010130146808
                         xlYdMhNVCa
6958989457477228380
                         mXzlaEkRSD
8509929984979068612
                         1EPeVZQJxj
12066295488853181134
                         BfJiYdMhdv
14252360749301456558
                         XViwJgagyL
16872145630083976482
                         OzbvidEVHy
17832977662492897515
                         1M10CeWaHK
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ make
g++ -std=c++17 -pedantic -Wall main.cpp -o lab1
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ cat tests/01.t
31
10
        h
        Τ
86
23
        Х
33
        U
59
        S
37
        K
28
        е
        V
16
100
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ ./lab1 <tests/01.t
```

```
16
        V
23
        Х
28
        е
31
        G
33
        U
37
        K
59
        S
86
        Τ
        Р
100
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ make
g++ -std=c++17 -pedantic -Wall main.cpp -o lab1
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ cat tests/01.t
44
        vADburXqfnTEriMoBSYX
53
        fsyBYfJCGcmDRfUyEyKe
0
        XEvKskWSoFDjdhrFTBtn
81
        BxmBxxSFIAdkdFtZBtaz
87
        bqjHGUGbjkMFmYWtJKSP
58
        ZGxZTCJICBOHqnmGMXT1
74
        {\tt NtEemPdRbdbybJMyfhMP}
86
        sXCpqkqXiBKLhmbyMXKX
41
        dUwS1JRZtsodWiZTLNVn
24
        tKNWPsWSuvPxydjtcAeM
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ ./lab1 <tests/01.t
0
        XEvKskWSoFDjdhrFTBtn
24
        tKNWPsWSuvPxydjtcAeM
41
        dUwS1JRZtsodWiZTLNVn
44
        vADburXqfnTEriMoBSYX
53
        fsyBYfJCGcmDRfUyEyKe
58
        ZGxZTCJICBOHqnmGMXT1
74
        NtEemPdRbdbybJMyfhMP
81
        {\tt BxmBxxSFIAdkdFtZBtaz}
86
        sXCpqkqXiBKLhmbyMXKX
87
        bqjHGUGbjkMFmYWtJKSP
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$
```

10

h

4 Тест производительности

Тест производительности представляет из себя следующее: будем сравнивать время выполнения нашей поразрядной сортировки и встроенной сортировки.

```
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ make
g++\ -\text{std}=c++17\ -\text{pedantic}\ -\text{Wall main.cpp}\ -\text{o}\ \text{lab1}
g++ -std=c++17 -pedantic -Wall benchmark.cpp -o bench1
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ ./bench1 <tests/01.t
Count lines is: 100
Radix_sort time: 0.243 ms
Stable_sort time: 0.24 ms
Difference: 0.987654
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ ./bench1 <tests/01.t
Count lines is: 1000
Radix_sort time: 0.677 ms
Stable_sort time: 1.118 ms
Difference: 1.6514
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ ./bench1 <tests/01.t
Count lines is: 10000
Radix sort time: 7.36 ms
Stable sort time: 16.426 ms
Difference: 2.23179
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$ ./bench1 <tests/01.t
Count lines is: 50000
Radix_sort time: 52.646 ms
Stable_sort time: 100.743 ms
Difference: 1.91359
alex@wega:~/da_labs/Lab_01$
```

Можем заметить, что поразрядная сортировка примерно в 2 раза быстрее, это можно объяснить тем, что сложность поразрядной сортировки O(n+k), а у встроенной сортировки сложность O(n*logn).

5 Выводы

Выполнив первую лабораторную работу по курсу «Дискретный анализ», я применил полученные знания из курса ООП (Объектно Ориентирванное Программирование) для написания вектора, узнал и реализовал новые алгоритмы сортировки за линейное время. В ходе работы познакомился с новыми инструментами профилирования программ, такими как Valgrind и Massif. С их помощью можно проанализировать использование памяти и времени программой. В ходе тестирования узнал, что функции ввода и вывода в языке программирования С++ работают медленнее, чем в языке программирования Си.

Лабораторная работа достаточно интересная и учит рациональному использованию памяти и времени. Считаю, что полученные мною навыки помогут мне при решении дальнейших задач.

Список литературы

[1] Томас Х. Кормен, Чарльз И. Лейзерсон, Рональд Л. Ривест, Клиффорд Штайн. Алгоритмы: построение и анализ, 2-е издание. — Издательский дом «Вильямс», 2007. Перевод с английского: И. В. Красиков, Н. А. Орехова, В. Н. Романов. — 1296 с. (ISBN 5-8459-0857-4 (рус.))