PHƯƠNG TRÌNH TRÙNG PHƯƠNG

Phương trình trùng phương là phương trình có dạng $ax^4 + bx^2 + c = 0$ (ví dụ: $x^4 - 2x^2 + 1$). Đối với dạng này, ta giải như sau:

- Đặt x^2 = t (điều kiện: $t \ge 0$). Khi đó, phương trình $ax^4 + bx^2 + c = 0$ sẽ trở thành $at^2 + bt + c = 0$
- Giải phương trình bậc 2 ẩn t, ta được 2 nghiệm. Đối chiếu với điều kiện t không âm để tìm ra được nghiệm đúng của phương trình.
- Với mỗi giá trị t thỏa điều kiện, ta sẽ tìm ra được 2 giá trị x tương ứng:

$$x = \sqrt{t} v a x = -\sqrt{t}$$

Ví du:

Giải phương trình :
$$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$$
 (1)

Đặt
$$x^2 = t$$
 ($t \ge 0$)

Từ đó phương trình (1) thành : $t^2 - 13t + 36 = 0$ (2)

Giải phương trình (2) ta có:

$$t_1 = 9 (nh\hat{a}n)$$
 và $t_2 = 4 (nh\hat{a}n)$

$$\Leftrightarrow x = \pm 3 \ ho c \ x = \pm 2$$

Vậy phương trình (1) có 4 nghiệm $x_1 = 3, x_2 = -3, x_3 = 2, x_4 = -2$