

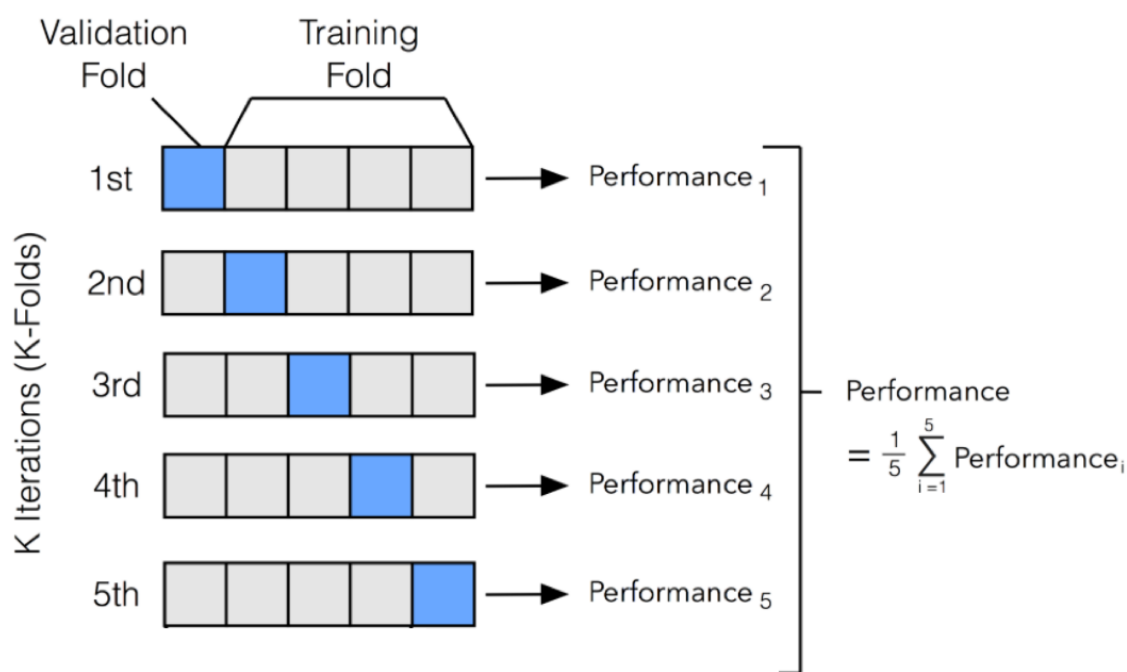


## سؤال ۱. مفاهیم یادگیری ماشین

• آ

— Cross Validation: یک روش نمونه‌گیری مجدد برای ارزیابی مدل‌های یادگیری ماشین با داده‌های نمونه‌ی محدود است. در این روش یک پارامتر به  $k$  وجود دارد که تعداد دسته‌هایی که داده باید به آن تقسیم شود را تعیین می‌کند.<sup>۱</sup> به دلیل قابلیت درک ساده آن، یک روش محبوب است. نحوه‌ی کلی کارکرد آن به صورت زیر است:

۱. مجموعه‌ی داده‌ها را به‌طور تصادفی درهم می‌کنیم.
۲. مجموعه داده‌ها را به  $k$  بخش تقسیم می‌کنیم.
۳. برای هر گروه عملیات زیر را انجام می‌دهیم: آن گروه را به عنوان مجموعه تست در نظر می‌گیریم. باقی گروه‌ها را به برای داده‌های یادگیری استفاده می‌کنیم. یک مدل را بر روی داده‌های یادگیری تنظیم کرده و سپس آن را روی داده‌ها تست، ارزیابی می‌کنیم. نمره ارزیابی را در جایی ذخیره می‌کنیم و مدل را دور می‌ریزیم.
۴. قدرت مدل را بر اساس امتیازهایی که بر روی داده‌های نمونه به دست آورده خلاصه کرده و گزارش می‌کنیم.



شکل ۱: نحوه عمل‌کرد Cross Validation

<sup>۱</sup> به همین خاطر به آن k-fold cross validation نیز می‌گویند.

– Data Augmentation: به فرآیند افزایش میزان و تنوع داده‌ها می‌گویند. در این روش داده‌ی جدیدی جمع‌آوری نمی‌شود؛ بلکه داده‌های موجود را با عملیات‌هایی تبدیل به داده‌ی جدید می‌کنیم. علت این کار این است که معمولا به مجموعه داده‌های بزرگی (مخصوصا در شبکه‌های عصبی) نیاز داریم و جمع‌آوری داده‌های بزرگ در بسیاری از موارد برای ما امکان‌پذیر نمی‌باشد. عملیات‌های رایجی<sup>۲</sup> که معمولا در این روش استفاده می‌شوند، عبارتند از:

Rotation \*  
Shearing \*  
Zooming \*  
Cropping \*  
Flipping \*  
... و \*

– Data Vanishing: این مشکل وابسته به انتخاب تابع‌های activation است. بسیاری از تابع‌های رایج activation (مانند تانژانت و سیگموید) ورودی خود را به‌طور غیرخطی به محدوده خروجی بسیار کوچکی تبدیل می‌کنند. برای مثال اگر تابع سیگموید، اعداد حقیقی را روی بازه‌ی بسیار کوچک  $[0, 1]$  نگاشت کند، این اتفاق خواهد افتاد. در نتیجه تابع در بسیاری از موارد flat است و یک محدوده‌ی بسیار بزرگ (اعداد حقیقی) به یک بازه‌ی خیلی خیلی کوچکی نگاشت شده‌اند و تغییرات بسیار کوچکی دارند، بنابراین گرادینت بسیار کوچک خواهد بود.<sup>۳</sup> یکی از راه‌حل‌های گریز از این مشکل استفاده از تابع‌های activation دیگر نظیر ReLU است که مشتق‌های کوچک ندارد.

– Dropout: شبکه‌های عصبی عمیق با تعداد زیادی از پارامترها، در سیستم‌های یادگیری ماشین بسیار قدرت‌مند هستند. با این حال overfitting یک مشکل بسیار جدی در این شبکه‌ها است. Dropout یک تکنیک برای حل کردن این مشکل است. ایده‌ی اصلی آن این است که به‌طور تصادفی در طول آموزش unit‌ها و روابطشان را حذف کنیم. این کار باعث می‌شود که unit‌ها خودشان را بسیار تطبیق ندهند تا باعث overfitting شوند).

• (ب) این کار خطاست. زیرا عموما داده‌ی تست یک بخش از داده‌ای است که می‌خواهیم برای بررسی مدل نهایی و ارزیابی عمل‌کرد، از آن استفاده کنیم. اگر از این داده‌ها برای بهبود و انتخاب hyperparameterها استفاده کنیم، این‌گونه به مدل شانس دیدن داده‌های تست را می‌دهیم و یک bias با توجه به داده‌های تست به‌وجود می‌آید؛<sup>۴</sup> بنابراین امکان ارزیابی تابع به دلیل دیدن داده‌هایی که نباید دیده می‌شدند، از دست می‌رود.

ساده‌ترین راه برای رفع این خطا تقسیم داده به سه بخش یادگیری، اعتبارسنجی<sup>۵</sup> و تست است. البته روش‌های دیگر و بهتری نظیر Cross Validation که در قسمت اول این سوال توضیح دادیم وجود دارد.

• (ج) از لحاظ علمی معتبر نیست؛ زیرا اصلا نباید از داده‌های تست جز برای ارزیابی عمل‌کرد مدل آن‌هم تنها برای یک‌بار استفاده کرد و مدل باید طوری طراحی شود که برای هر مجموعه داده‌ی تستی به‌طور قابل قبول کار کند.<sup>۶</sup>

<sup>۲</sup> این عملیات، عملیات رایج روی داده‌های تصویری هستند.

<sup>۳</sup> اگر این اتفاق در لایه‌های اولیه اتفاق بیفتد، وضعیت بسیار بدتر می‌شود.

<sup>۴</sup> این کار لزوما باعث overfit نمی‌شود؛ در حالتی که مجموعه داده‌های ما بسیار بزرگ باشد.  
validation

<sup>۵</sup> یعنی قابلیت تعمیم یا Generalization را داشته باشد.



### سؤال ۳. شبکه‌های عصبی

- آ) برای این‌که بتواند خروجی صعودی شبکه را تشخیص دهد، باید به صورت زیر طراحی شود:

$$h_1 = x_1 w_{11}^{(1)} + x_2 w_{12}^{(1)} + x_3 w_{13}^{(1)} + x_4 w_{14}^{(1)} + b_{11} \rightarrow h_1 = f(x_2 - x_1)$$

$$h_2 = x_1 w_{21}^{(1)} + x_2 w_{22}^{(1)} + x_3 w_{23}^{(1)} + x_4 w_{24}^{(1)} + b_{21} \rightarrow h_2 = f(x_3 - x_2)$$

$$h_3 = x_1 w_{31}^{(1)} + x_2 w_{32}^{(1)} + x_3 w_{33}^{(1)} + x_4 w_{34}^{(1)} + b_{31} \rightarrow h_3 = f(x_4 - x_3)$$

$$\Rightarrow w^{(1)} = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$y = h_1 w_{11}^{(2)} + h_2 w_{12}^{(2)} + h_3 w_{13}^{(2)} \rightarrow y = f(h_1 + h_2 + h_3 - 2)$$

$$\Rightarrow w^{(2)} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & -2 \end{pmatrix}$$

- ب) خیر؛ ساخت آن با یک لایه نهان امکان‌پذیر نیست، زیرا:

از آنجایی که معادله‌ی خط در هر ناحیه محور مختصاتی متفاوت است، بنابراین باید فضای مسئله را به ۴ ناحیه تقسیم کنیم. در هر ناحیه شرطها را می‌توان به صورت AND تعدادی پارامتر (معادله خطهای مربوط به آن ناحیه) بنویسیم. در نهایت باید بتوان بین این ۴ بخش، یک OR بگیریم که این کار نیازمند یک لایه‌ی نهان دیگر است.