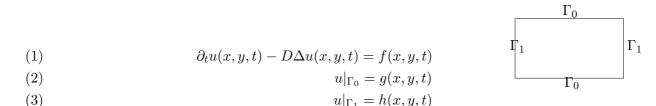
Université de Bordeaux, Master MIMSE

PROJET de Programmation CHP

Calcul Haute Performance

On se place dans le domaine $[0, L_x] \times [0, L_y]$ de \mathbb{R}^2 dans lequel on résoud l'équation de la chaleur :



1. Analyse du problème

On se propose de résoudre numériquement cette équation par la méthode des différences finies.

(a) Ecrire le schéma d'Euler implicite à l'aide de différences finies centrées du second orde en espace.

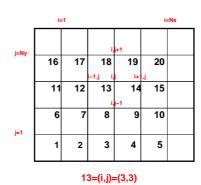


Figure 2 : Principe de la numérotation globale et locale

- (b) En utilisant la numérotation proposée figure 2, montrer que le schéma précédent se met sous la forme matricielle AU=F.
- (c) Décrire précisément la structure de la matrice A.
- (d) Enoncer les propriétés de la matrice A.

2. Implémentation informatique

On utilisera les cas test suivants pour valider le travail :

$$L_x = L_y = 1.0, D = 1.0$$

La solution stationnaire résultant des conditions suivantes

(4)
$$f = 2(y - y^2 + x - x^2) \qquad g = 0 \qquad h = 0$$

Puis

(5)
$$f = \sin(x) + \cos(y) \qquad g = \sin(x) + \cos(y) \qquad h = \sin(x) + \cos(y)$$

La solution instationnaire périodique résultant des conditions suivantes

(6)
$$f = e^{-\left(x - \frac{L_x}{2}\right)^2} e^{-\left(y - \frac{L_y}{2}\right)^2} \cos\left(\frac{\pi}{2}t\right) \qquad g = 0 \qquad h = 1$$

(a) Ecrire le code séquentiel

- i. Cahier des charges pour le nom des variables : Nx nombre de noeuds dans la direction x, Ny nombre de noeuds dans la direction y, U solution au temps n, Uo solution au temps n-1, dx, dy, dt pas d'espace et de temps, Lx, Ly, D
- ii. Nx, Ny, Lx, Ly, D (au moins) seront lues dans un fichier de paramètres.
- iii. Construire un module contenant les trois fonctions : f, g et h.
- iv. Construire un module contenant le gradient conjugué.
- v. A est une matrice creuse, on ne stockera pas toute la matrice.

(b) Ecrire le code parallèle

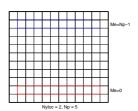


Figure 3 : Exemple de répartition des inconnues sur les processeurs

- i. Expliquer comment vous envisagez la répartition des inconnues entre les différents processeurs, vous pouvez vous inspirer de la figure 3.
- ii. Chaque processeur connaîtra une partie de U seulement, U(i1:iN).
- iii. L'algorithme du gradient conjugué devra être parallélisé :
 - Listez les opérations nécessitant des communications?
 - Détaillez les communications pour chacun des processeurs.
 - Optimisez les communications.
- iv. Chaque processeur écrira sa partie de solution dans son fichier sol00Me.dat (on pourra utiliser la subroutine Rename proposée en annexe).

Il faudra fournir les documents suivants :

- 1. Un rapport contenant
 - L'analyse mathématique du problème :
 - L'écriture du schéma numérique proposé.
 - La mise en forme matricielle du problème.
 - La description détaillée de la structure de la matrice et de ses propriétés.
 - L'explication précise du parallélisme mis en oeuvre dans votre code contenant :
 - La description de votre répartition des inconnues entre les différents processeurs.
 - Les différents points de l'algorithme nécessitant des communications entre les processeurs.
 - Une description détaillée des communications réalisées (taille des messages, émetteur, récepteur).
 - Le processus de validation du code.
 - Les courbes de speed-up et d'efficacité de votre code parallèle et autres courbes que vous jugez utile pour l'analyse de votre code.
 - Votre analyse détaillée de vos résultats et vos conclusions.
- 2. Le code // documenté et commenté, avec les commandes de compilation.

Annexe:

```
subroutine Rename(Me,name)
  implicit none
  integer :: Me
  character*13 ::name
  character*3 :: tn
  integer :: i1,i2,i3
  i1 = Me/100
  i2 = ( Me - 100*i1)/10
  i3 = Me - 100*i1 -10*i2
  tn = char(i1+48)//char(i2+48)//char(i3+48)
  name='sol'//tn//'.dat'
end subroutine Rename
```