

# TP Visual servoing

## Fait par:

- BELLAHCENE Kheir Eddine
- GEROL Logan

## 1. Définir une caméra avec les paramètres par default de la Toolbox. La fonction à utiliser est CentralCamera

```
clc, clear, close all
cam = CentralCamera('default')
```

principal point not specified, setting it to centre of image plane

cam =

```
name: default [central-perspective]
focal length: 0.008
pixel size: (1e-05, 1e-05)
principal pt: (512, 512)
number pixels: 1024 x 1024
pose: t = (0, 0, 0), RPY/xyz = (0, 0, 0) deg
```

## 2. Afficher les paramètres intrinsèques et extrinsèques de la caméra.

```
% intrinsèque de la caméra
K=cam.K
```

```
K = 3x3
    800     0    512
     0    800    512
     0     0     1
```

```
% extrinsèque de la caméra
T=cam.T % intrinsèque de la caméra
```

```
T =
     1     0     0     0
     0     1     0     0
     0     0     1     0
     0     0     0     1
```

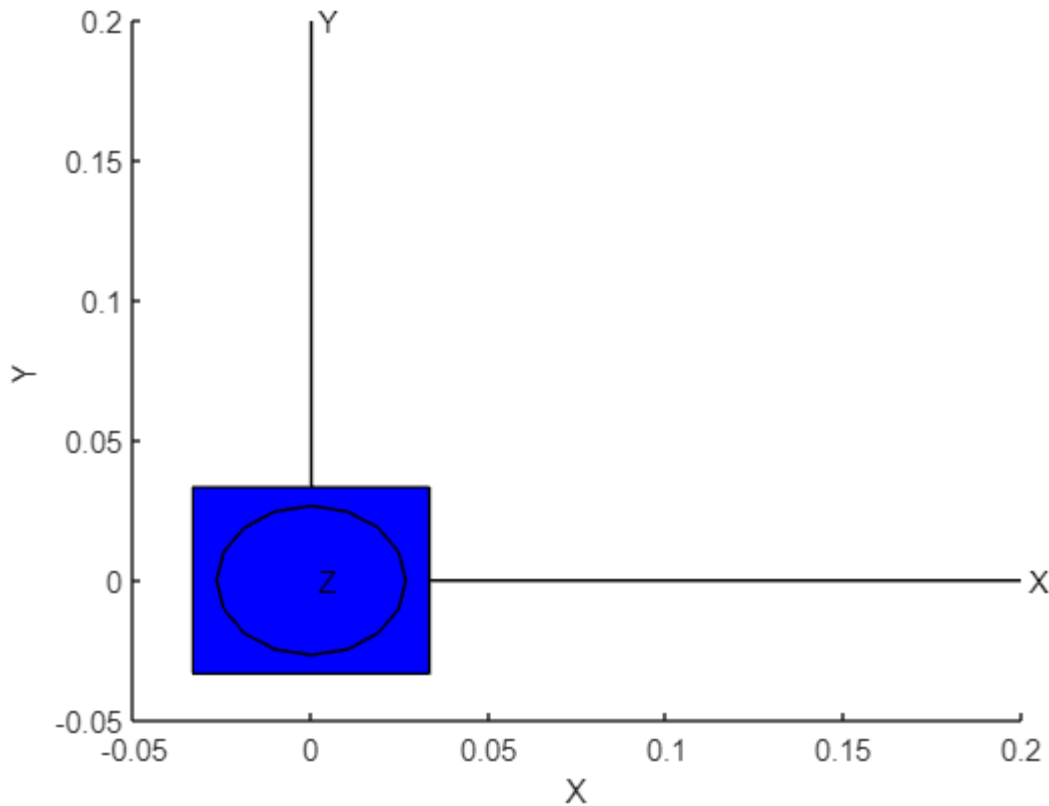
## 2.2 La matrice intrinsèque et extrinsèque

```
TK=cam.C
```

```
TK = 3x4
    800     0    512     0
     0    800    512     0
     0     0     1     0
```

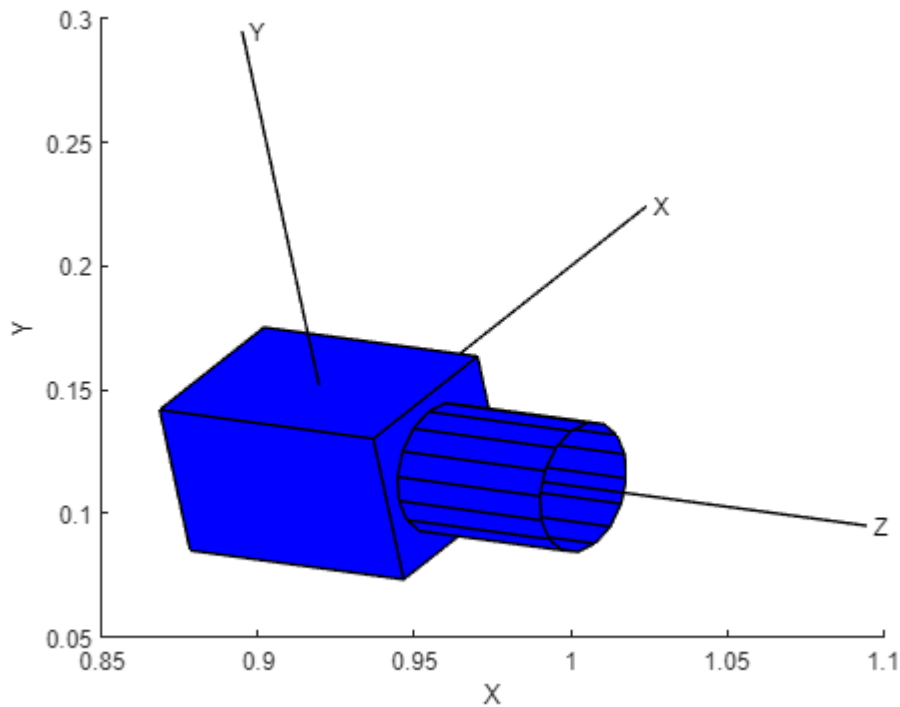
## 3. Afficher une caméra dans un repère 3D en utilisant la fonction plot\_camera de la classe CentralCamera.

```
figure;
cam.plot_camera()
```



4. Modifier la pose de la caméra via son paramètre T et réafficher la caméra en 3D. Vous pouvez utiliser la ligne suivante pour définir une pose via une matrice de transformation homogène :

```
theta_x = pi/4;
theta_y = pi/4;
theta_z = pi/4;
tx = 0.2;
ty = 0.2;
tz = 1;
Tc1 = trotx(theta_x)*troty(theta_y)*trotz(theta_z)*transl(tx,ty,tz);
cam.T=Tc1;
% Attribution de cette matrice de transformation homogène à notre caméra
% pour modifier la pose de notre caméra par la pose déclaré
```



5. Définir un ensemble de points 3D dans le repère objet ayant une translation de 3m selon l'axe Z, par rapport au repère monde. On notera ce Qc pose To et on utilisera la ligne de code Matlab suivante pour générer les points 3D : `P = mkgrid( 2, 0.5, 'pose', To );`

```
% Définition des Points 3D dans le repère objet avec pose To
To = transl(0,0,3);
P = mkgrid(2, 0.5, 'pose', To);
```

6. Définir une pose de la caméra qu'on appellera Tc1 et qui est confondue avec le repère monde.

```
%POSE DESIREE
theta_x1 = 0;
theta_y1 = 0;
theta_z1 = 0;
tx = 0;
ty = 0;
tz = 0;
Tc1 = trotx(theta_z1)*troty(theta_y1)*trotx(theta_x1)*transl(tx,ty,tz);
cam.T=Tc1;
hold on
```

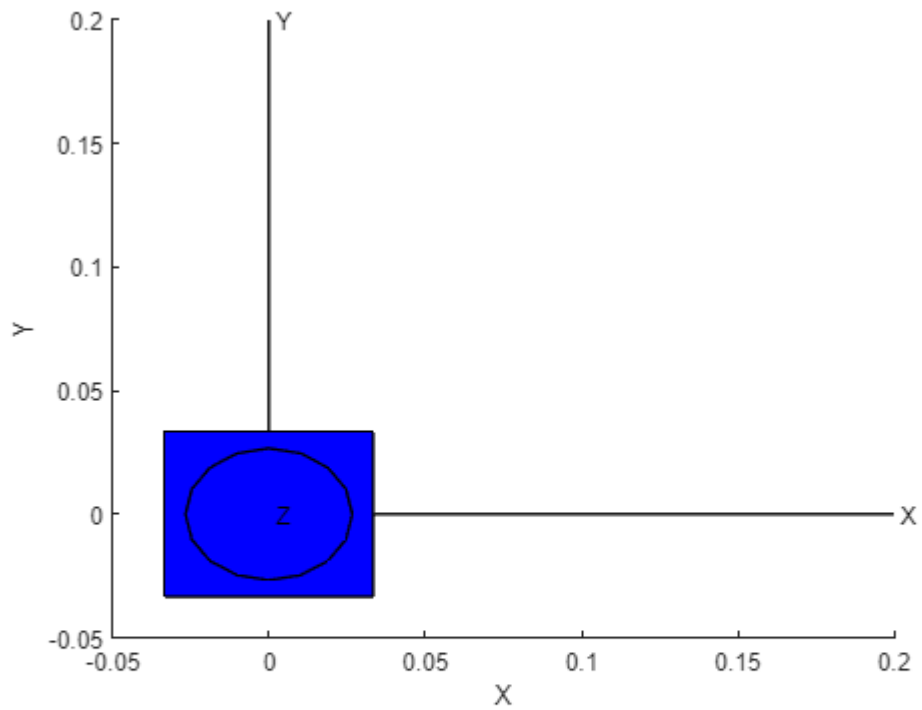
```
% P(1,:) --> (les X des 4 points), P(2,:)--> (les Y des 4 points) et P(3,:) --> (les Z des 4 points)
% scatter3 Sont de taille (1*4) et on a 4 points 3D definie par mkgrid
% sont les suivant:
```

```
% ( X , Y , Z)
% ( -0.2500, -0.2500, 3)
% ( -0.2500, 0.2500, 3)
% ( 0.2500, 0.2500, 3)
```

```
% ( 0.2500, -0.2500, 3)

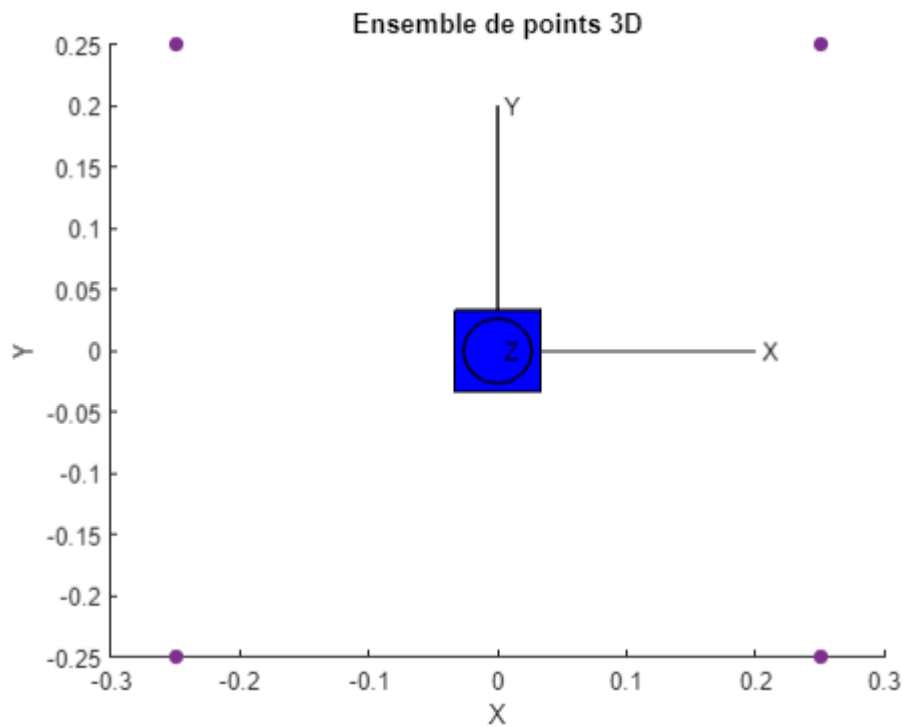
% 'filled' pour les points seront remplie
% 'k' pour la couleur bleu
scatter3(P(1, :), P(2, :), P(3, :), 'filled');

% donner des titres au différentes axes et au figure
xlabel('X');
ylabel('Y');
zlabel('Z');
title('Ensemble de points 3D')
hold off
```



cam =

```
name: default [central-perspective]
focal length: 0.008
pixel size: (1e-05, 1e-05)
principal pt: (512, 512)
number pixels: 1024 x 1024
pose: t = (0, 0, 0), RPY/xyz = (0, 0, 0) deg
```



7. Définir une seconde pose de la caméra qu'on appellera Tc2, ayant une rotation de  $\pi/5$  selon l'axe Z, et une translation de (1 1.2 0)T

```
%POSE ACTUELLE
```

```
theta_x2 = 0;  
theta_y2 = 0;  
theta_z2 = pi/5;  
tx2 = 1;  
ty2 = 1.2;  
tz2 = 0;  
Tc2 = trotx(theta_z2)*troty(theta_y2)*trotx(theta_x2)*transl(tx2,ty2,tz2);  
cam.T=Tc2
```

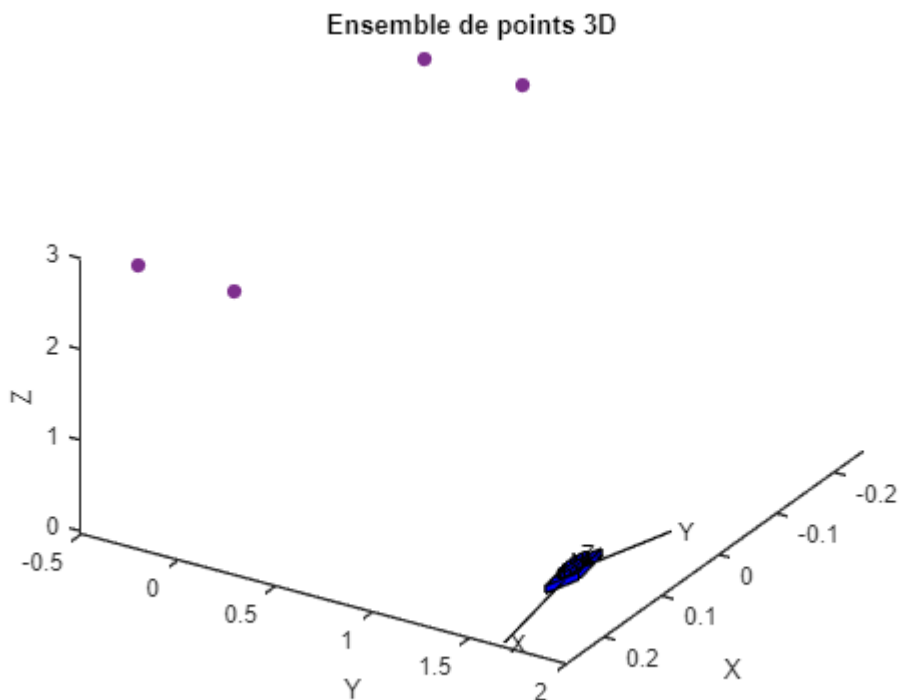
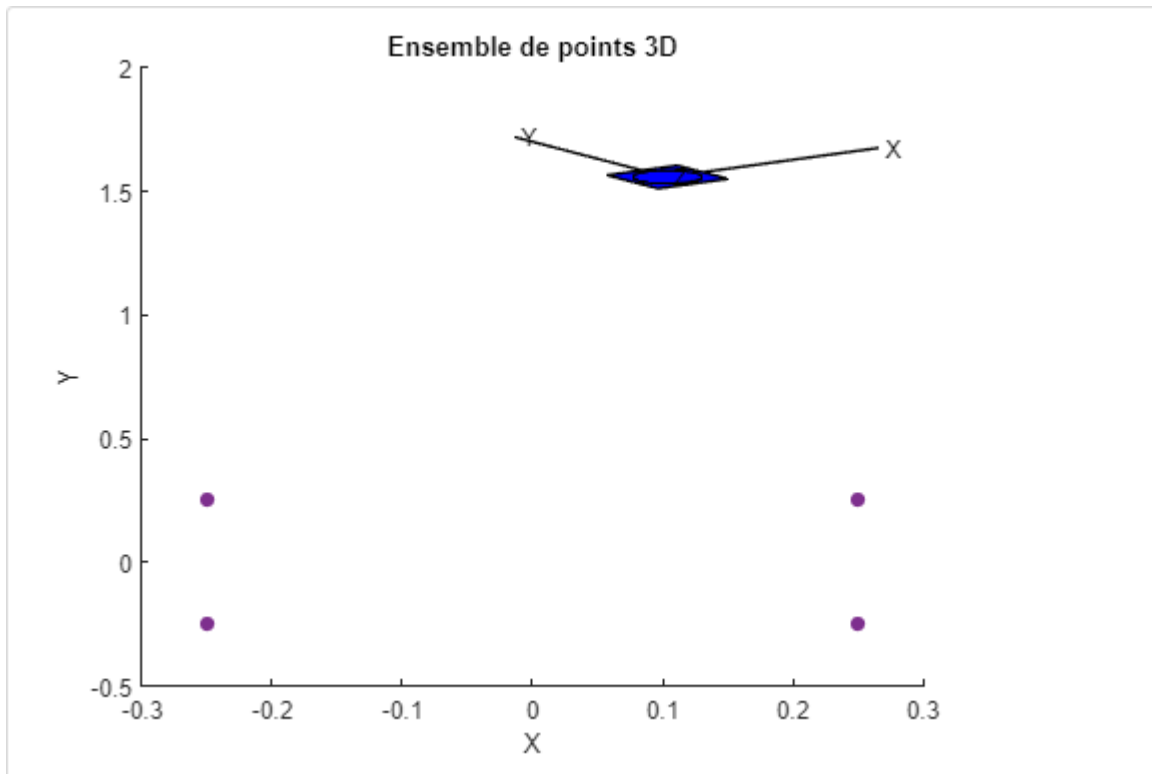
```
cam =
```

```
name: default [central-perspective]  
focal length: 0.008  
pixel size: (1e-05, 1e-05)  
principal pt: (512, 512)  
number pixels: 1024 x 1024  
pose: t = (0.104, 1.56, 0), RPY/yzx = (36, 0, 0) deg
```

```
hold on
```

8. Utiliser la fonction plot de la classe CentralCamera, pour projeter les points 3D définis précédemment et afficher leurs points images. Les deux poses de la caméra Tc1 et Tc2 (avec les options de couleur rouge pour l'image à la pose Tc1 et bleu pour l'image à la pose Tc2, et de MarkerSize de 15) sont à considérer. Il est possible d'utiliser l'option CentralCamera.hold pour afficher les points image sur la même figure.

```
%Afficher les points 3D dans le repère objet  
scatter3(P(1, :), P(2, :), P(3, :), 'filled');  
  
% donner des titres au différentes axes et au figure  
xlabel('X');  
ylabel('Y');  
zlabel('Z');  
title('Ensemble de points 3D')
```



[Code ^](#)  
`view([121.33 42.00])`

**9. Afficher les coordonnées des points image en pixel (projetés dans les deux poses de la caméra) et générer/afficher les coordonnées normalisées de ces points (voir le help de la fonction `CentralCamera.normalized`).**

```
% On utilise la méthode plot pour projeter les points 3D dans plan image et
% afficher leurs points images en retournant les coordonnées pixel [u,v] de
```

```
% chaque points 3D et selon les deux pose
```

```
% les cordonées en pixel uv1 (2*4) des 4 points 3D selon la pose Tc1 Pose Désiré  
% en rouge et avec un size de 30.
```

```
uv1 = cam.plot(P, 'pose', Tc1, '.r', 'MarkerSize', 30)
```

```
creating new figure for camera
```

```
h =
```

```
  Axes with properties:
```

```
    XLim: [0 1024]
```

```
    YLim: [0 1024]
```

```
    XScale: 'linear'
```

```
    YScale: 'linear'
```

```
  GridLineStyle: '-'
```

```
  Position: [0.1300 0.1100 0.7750 0.8150]
```

```
  Units: 'normalized'
```

```
  Show all properties
```

```
make axes
```

```
uv1 = 2x4
```

```
445.3333 445.3333 578.6667 578.6667
```

```
445.3333 578.6667 578.6667 445.3333
```

```
% Maintenir le plan image pour afficher les 8 point (4 points selon les  
% deux pose de la caméra) dans un seul plan image.
```

```
cam.hold
```

```
% les cordonées en pixel uv1 (2*4) des 4 points 3D selon la pose Tc2 Pose Actuelle  
% en bleu et avec un size de 30.
```

```
uv2= cam.plot(P, 'pose', Tc2, '.b', 'MarkerSize', 30)
```

```
uv2 = 2x4
```

```
152.2132 230.5846 338.4535 260.0821
```

```
177.2512 285.1201 206.7488 98.8799
```

```
% Affichant les coordonées normalise de ces points images en pixel projetes  
% dans les deux pose de la caméra
```

```
% [u,v] normaliser selon Tc1 Pose Désiré
```

```
uv1_norm = cam.normalized(uv1)
```

```
uv1_norm = 2x4
```

```
-0.0833 -0.0833 0.0833 0.0833
```

```
-0.0833 0.0833 0.0833 -0.0833
```

```
% [u,v] normaliser selon Tc2 Pose Actuelle
```

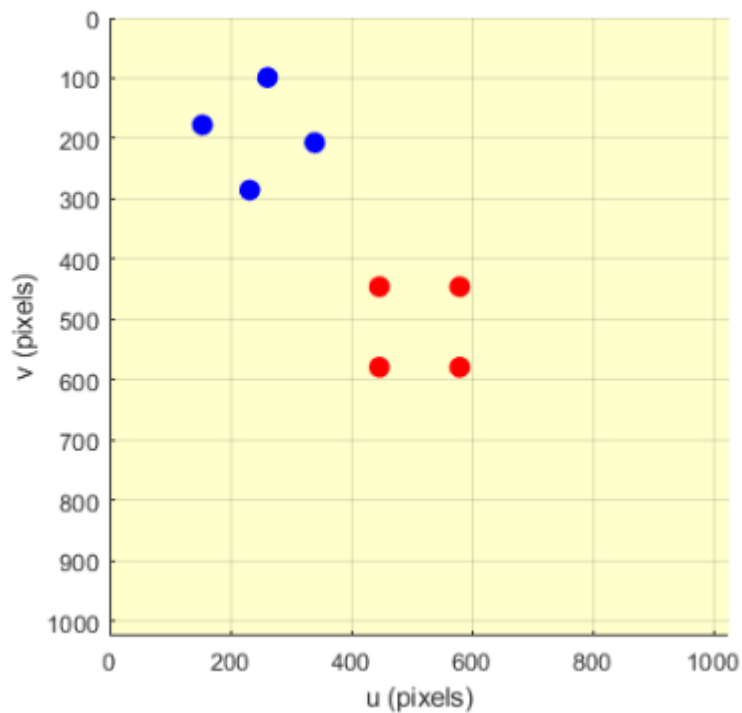
```
uv2_norm = cam.normalized(uv2)
```

```
uv2_norm = 2x4
```

```
-0.4497 -0.3518 -0.2169 -0.3149
```

```
-0.4184 -0.2836 -0.3816 -0.5164
```





## Déplacement de la caméra

Voici un exemple de modification de la pose de la caméra en utilisant un mouvement composé à l'aide du torseur cinématique nommé  $vc$ .

$$Vc = [v_x \ v_y \ v_z \ \omega_x \ \omega_y \ \omega_z]^T$$

où  $v_x, v_y, v_z$  sont les composantes de la vitesse linéaire le long des axes X, Y et Z respectivement, et  $\omega_x, \omega_y, \omega_z$  sont les composantes de la vitesse angulaire autour des axes X, Y et Z respectivement.

Dans cet exemple nous avons donc une combinaison de translation autour l'axe x et z (vitesse linéaire de 2 unité par unité de temps autour de l'axe x et vitesse linéaire de 1 unité par unité de temps autour de l'axe z) ainsi que d'une rotation autour de l'axe z (vitesse angulaire de  $\pi/5$  radian par unité de temps autour de l'axe x).

```
%Initialisation
%
%dt = 0.02;
% vc = [2 0 1 0 0 pi/5];
% for i=1:50
%   cTc = trnorm(eye(4)*delta2tr(vc*dt));
%   Tc2 = Tc2 * cTc;
%   cam.T = Tc2;
%   cam.plot_camera;
%   pause(1)
%
% end
```

## Schéma d'AV 2D

1. Créer une fonction nommée `Ls` qui prend comme paramètres, une matrice contenant les coordonnées de points images normalisées, et un vecteur contenant la profondeur (l'élément `Z`) de chaque point. La fonction renvoie la matrice d'interaction pour un vecteur de primitives visuelles de type points 2D normalisés contenant les éléments `x` et `y` de chaque point.

```
function L = ls(md,Z_ones)

N = size(md, 2);

L = zeros(2*N, 6);

for i=1:N
    x = md(1, i);
    y = md(2, i);
    Z = Z_ones(i);

    L(2*i-1,:)=[-1/Z, 0, x/Z, x*y, -(1+x^2), y];
    L(2*i,:)= [0, -1/Z, y/Z, 1+y^2, -x*y, -x];

end
```

2. Proposer un programme de simulation d'AV 2D ramenant la caméra de la pose `Tc2` à la pose `Tc1`. Utiliser les profondeurs exactes des points 3D dans le calcul de la matrice d'interaction.

```
close all
Zones=ones(1,size(P,2));
LTc1 = ls(uv1_norm,Zones)
```

```
LTc1 = 8x6
-1.0000    0 -0.0833    0.0069 -1.0069 -0.0833
    0 -1.0000 -0.0833    1.0069 -0.0069    0.0833
-1.0000    0 -0.0833 -0.0069 -1.0069    0.0833
    0 -1.0000    0.0833    1.0069    0.0069    0.0833
-1.0000    0    0.0833    0.0069 -1.0069    0.0833
    0 -1.0000    0.0833    1.0069 -0.0069 -0.0833
-1.0000    0    0.0833 -0.0069 -1.0069 -0.0833
    0 -1.0000 -0.0833    1.0069    0.0069 -0.0833
```

```
LTc2 = ls(uv2_norm,Zones)
```

```
LTc2 = 8x6
-1.0000    0 -0.4497    0.1882 -1.2023 -0.4184
    0 -1.0000 -0.4184    1.1751 -0.1882    0.4497
-1.0000    0 -0.3518    0.0998 -1.1237 -0.2836
    0 -1.0000 -0.2836    1.0804 -0.0998    0.3518
-1.0000    0 -0.2169    0.0828 -1.0471 -0.3816
    0 -1.0000 -0.3816    1.1456 -0.0828    0.2169
-1.0000    0 -0.3149    0.1626 -1.0992 -0.5164
    0 -1.0000 -0.5164    1.2667 -0.1626    0.3149
```

```
%s1=uv_norm(:);
delta=uv2_norm-uv1_norm;
%vc = [0 1 0 pi/5 0 0];
```

```

lambda=0.2;
dt=0.3;

for i=1:50
    % Calculer l'erreur visuelle
    delta = uv2_norm - uv1_norm;

    % Calculer la matrice d'interaction
    L = ls(uv2_norm, ones(1, size(P, 2)));

    % Calculer la vitesse de la caméra
    vc = -lambda * pinv(L) * delta(:);

    cTc = trnorm(eye(4)*delta2tr(vc*dt));
    Tc2 = Tc2 * cTc;
    cam.T = Tc2;
    cam.plot_camera();
    hold on
    scatter3(P(1, :), P(2, :), P(3, :), 'filled');
    pause(0.1)

end
cam.plot(P, 'pose', Tc1, 'xb', 'MarkerSize', 8)

```

creating new figure for camera

h =

Axes with properties:

```

    XLim: [0 1]
    YLim: [0 1]
    XScale: 'linear'
    YScale: 'linear'
    GridLineStyle: '-'
    Position: [0.1300 0.1100 0.7750 0.8150]
    Units: 'normalized'

```

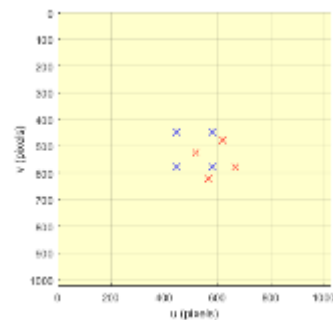
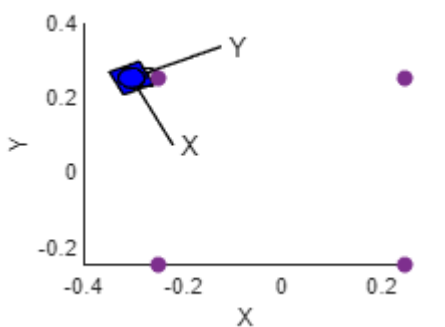
Show all properties

make axes

```

cam.hold
cam.plot(P, 'pose', Tc2, 'xr', 'MarkerSize', 8)

```



Dans cette simulation, la caméra se déplace de la pose Tc2 à la pose Tc1 en utilisant les profondeurs exactes des points 3D pour calculer la matrice d'interaction. Cela simule une situation où les profondeurs sont correctement estimées. Les performances dépendent de la précision des paramètres intrinsèques et extrinsèques de la caméra ainsi que de la qualité de l'estimation des profondeurs.

**4. Réaliser une simulation d'AV2D en utilisant la matrice d'interaction calculée à l'équilibre, c'est-à-dire calculée avec les données relatives à la position désirée de la caméra (la pose Tc1 ici).**

```
close all

for i=1:50
    % Calculer l'erreur visuelle
    delta = uv2_norm - uv1_norm;

    % Calculer la matrice d'interaction
    L = LTc1;

    % Calculer la vitesse de la caméra
    vc = -lambda * pinv(L) * delta(:);

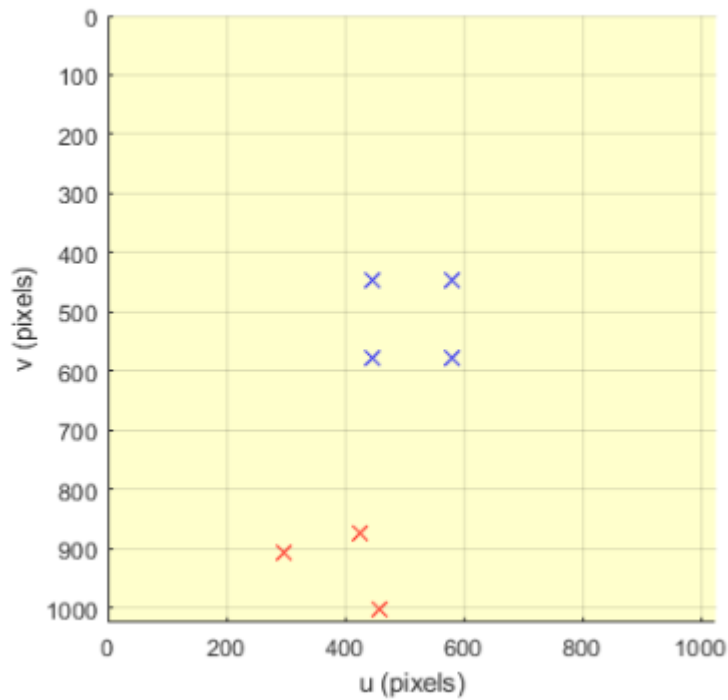
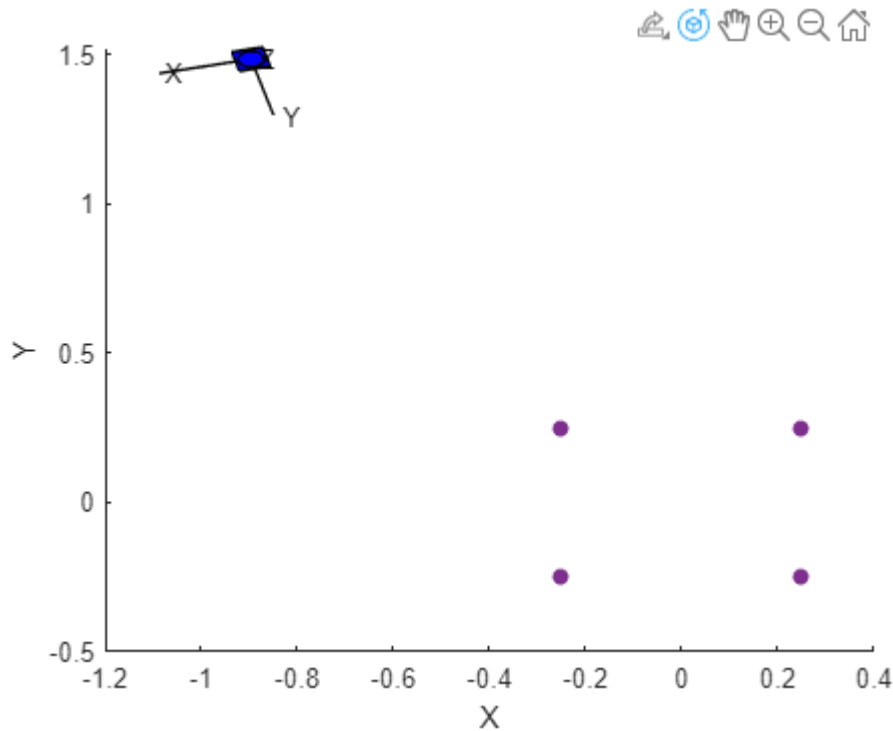
    cTc = trnorm(eye(4)*delta2tr(vc*dt));
    Tc2 = Tc2 * cTc;
    cam.T = Tc2;
    cam.plot_camera();
    hold on
    scatter3(P(1, :), P(2, :), P(3, :), 'filled');
    pause(0.1)

end
cam.plot(P, 'pose', Tc1, 'ob', 'MarkerSize', 8)
```

```
creating new figure for camera
h =
  Axes with properties:
      XLim: [0 1]
      YLim: [0 1]
      XScale: 'linear'
      YScale: 'linear'
  GridLineStyle: '-'
      Position: [0.1300 0.1100 0.7750 0.8150]
      Units: 'normalized'

  Show all properties
make axes
```

```
cam.hold
cam.plot(P, 'pose', Tc2, 'xr', 'MarkerSize', 8)
```



5. Modifier la pose initiale de la caméra (Tc2) pour ne réaliser qu'une rotation selon l'axe Z de la caméra entre les deux poses Tc1 et Tc2 (rotation pure selon l'axe Z entre les deux poses caméras initiale et désirée). Simuler avec les deux calculs de la matrice d'interaction (à chaque itération et à l'équilibre).

```
close all
% Modification la pose initiale de la caméra pour une rotation pure autour de l'axe Z
theta_z_ini = 0; % Angle initial
Tc2_ini = troitz(theta_z_ini); % Pose initiale avec rotation pure autour de l'axe Z
cam.T = Tc2_ini;
```

```

% Calcul de la matrice d'interaction à l'équilibre (utilisant Tc1)
L_eq = ls(uv1_norm, ones(1, size(P, 2)));

dt = 0.1;
lambda = 0.2;

for i = 1:50
    % Calcul de l'erreur visuelle
    delta = uv2_norm - uv1_norm;

    % Utilisation de la matrice d'interaction à l'équilibre
    L = L_eq;

    % Calcul de la vitesse de la caméra
    vc = -lambda * pinv(L) * delta(:);

    % Mise à jour la pose de la caméra avec une rotation pure autour de l'axe Z
    theta_z_update = vc(6) * dt;
    Tc2 = trotz(theta_z_update);
    cam.T = Tc2;
    cam.plot_camera();
    hold on
    scatter3(P(1, :), P(2, :), P(3, :), 'filled');
    pause(0.1)

end
cam.plot(P, 'pose', Tc1, 'ob', 'MarkerSize', 8)

```

creating new figure for camera

h =

Axes with properties:

```

        XLim: [0 1]
        YLim: [0 1]
        XScale: 'linear'
        YScale: 'linear'
    GridLineStyle: '-'
        Position: [0.1300 0.1100 0.7750 0.8150]
        Units: 'normalized'

```

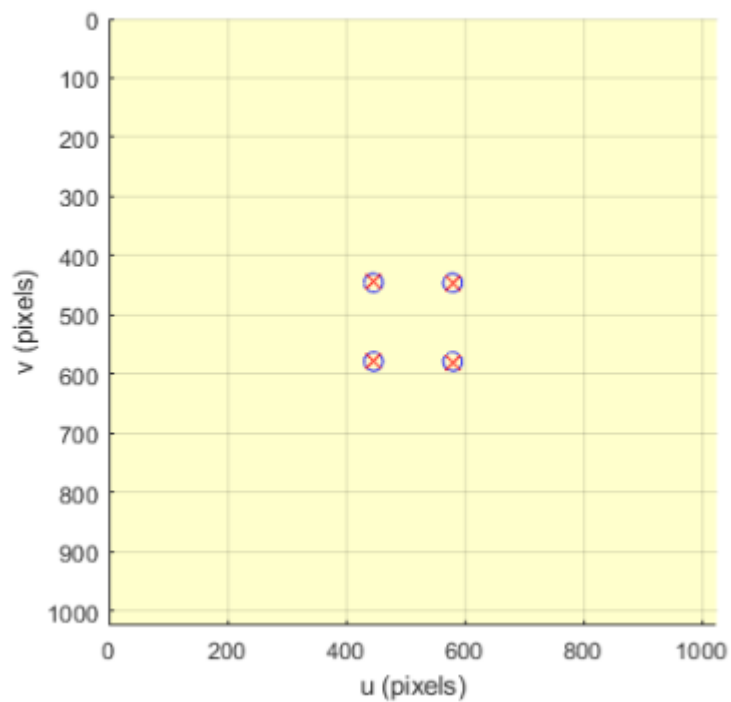
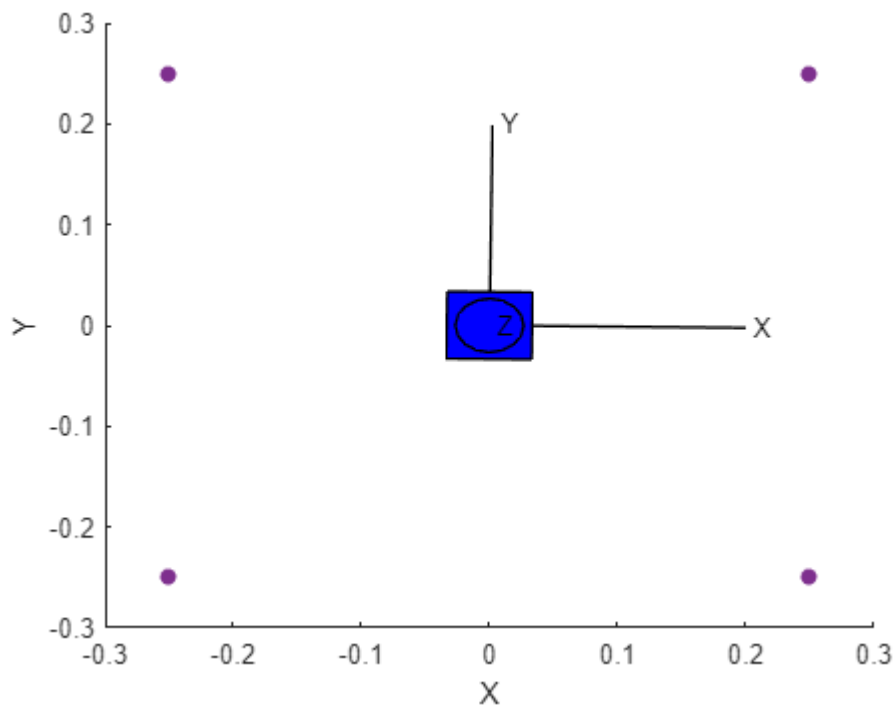
Show all properties

make axes

```

cam.hold
cam.plot(P, 'pose', Tc2, 'xr', 'MarkerSize', 8)

```



Grâce à cette application nous pouvons observer que la rotation pure autour de l'axe z est une solution qui peut être retenue car l'objectif a été rempli.

**6. Simuler l'AV2D en utilisant la moyenne des deux matrices d'interaction calculées dans la question précédente :  $L = 0.5 * (L1 + L2)$ .**

```
close all
L_average = 0.5 * (LTc1 + LTc2);
```

```

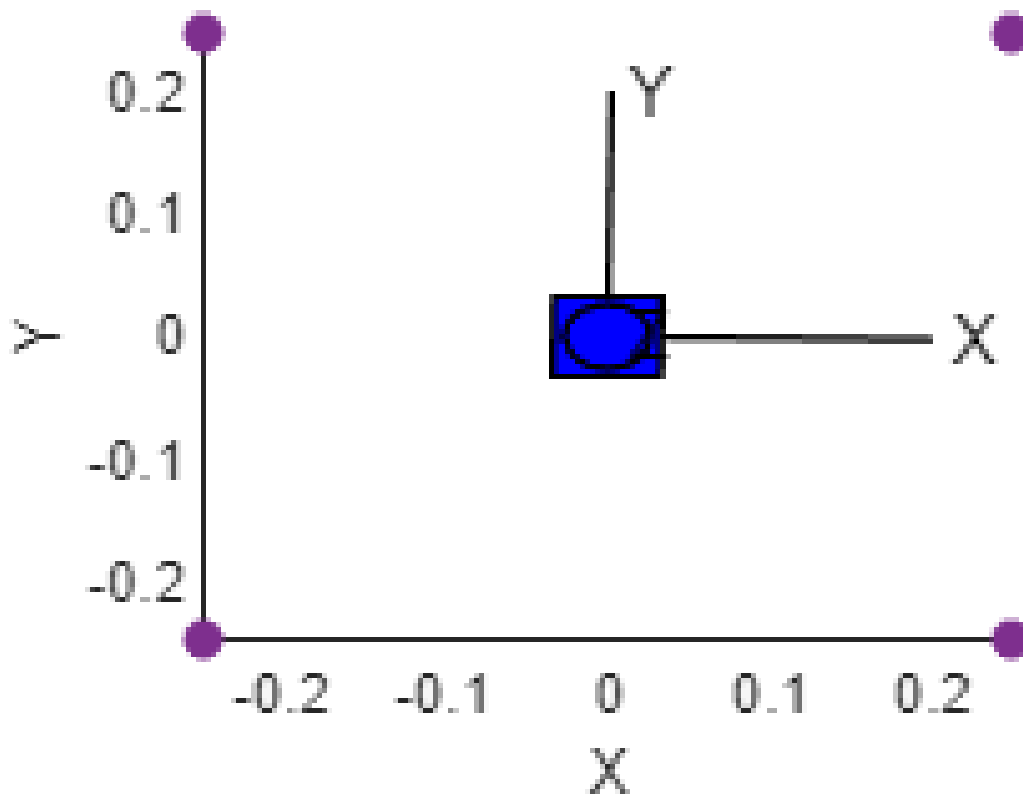
for i=1:50
    % Calcul de l'erreur visuelle
    delta = uv2_norm - uv1_norm;

    % Calcul de la matrice d'interaction
    L = L_average;

    % Calcul de la vitesse de la caméra
    vc = -lambda * pinv(L) * delta(:);

    theta_z_update = vc(6) * dt;
    Tc2 = troitz(theta_z_update);
    cam.T = Tc2;
    cam.plot_camera();
    hold on
    scatter3(P(1, :), P(2, :), P(3, :), 'filled');
    pause(0.1)
end

```



```
cam.plot(P, 'pose', Tc1, 'ob', 'MarkerSize', 8)
```

creating new figure for camera

h =

Axes with properties:

```

    XLim: [0 1]
    YLim: [0 1]
    XScale: 'linear'
    YScale: 'linear'

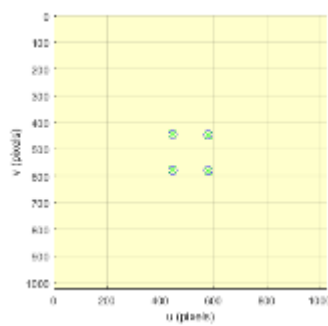
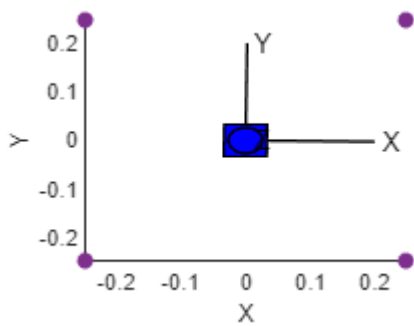
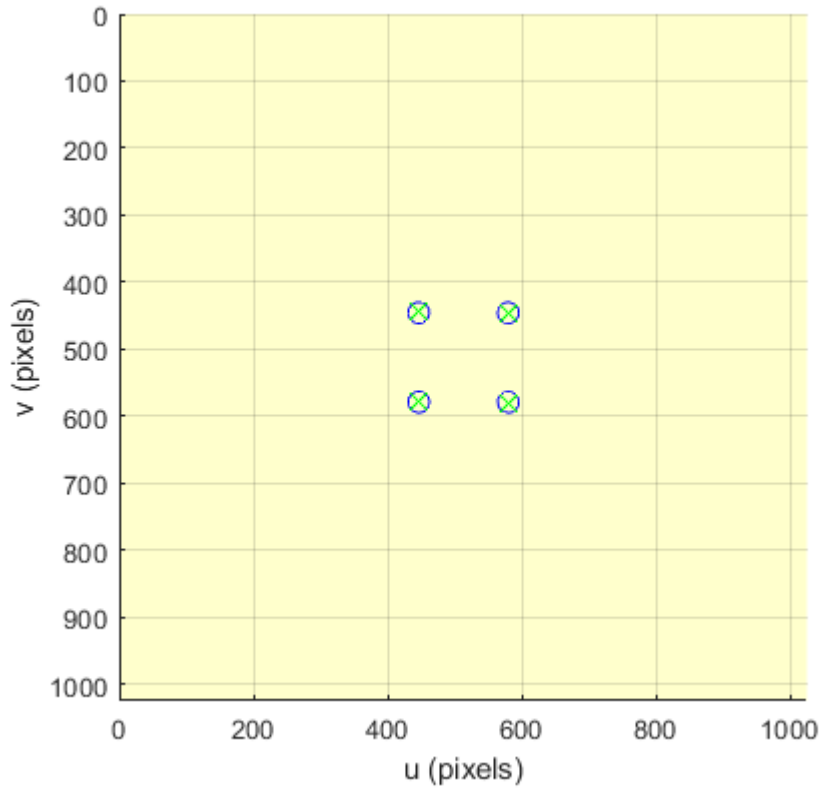
```



```
GridLineStyle: '-'
Position: [0.1300 0.1100 0.7750 0.8150]
Units: 'normalized'
```

Show all properties  
make axes

```
cam.hold
cam.plot(P, 'pose', Tc2, 'xg', 'MarkerSize', 8)
```



Cette approche est un compromis entre les deux matrices d'interaction et peut potentiellement améliorer la robustesse du système face à des variations imprévues. Nous pouvons le constater car lors de l'application nous sommes arrivés à placer la caméra dans la pose désirée.

**CONCLUSION** : Ce TP sur l'asservissement visuel 2D a permis d'explorer et de mettre en pratique divers concepts et techniques clés dans le domaine de la vision par ordinateur. À travers une série de simulations, nous avons étudié différentes situations de déplacement de la caméra et évalué l'impact de divers facteurs sur les performances du système. Chaque simulation a offert des perspectives uniques sur les performances et la robustesse du système d'asservissement visuel.