#### SỞ GIÁO DỰC VÀ ĐÀO TẠO TỈNH QUẢNG NINH

KÝ THI CHỌN HỌC SINH GIỚI CÁP TỈNH THƠS NĂM 2024 Môn thị: TIN HỌC - Bảng A

ĐỂ THỊ CHÍNH THỰC

Ngày thị: 06/3/2024

Thời gian làm bài: 150 phút, không kế thời gian giao để

(Để thị này có 03 trang)

### TÓNG QUAN ĐỂ THI

Bài	Tên bài	Tệp chương trình	Tệp dữ liệu	Tệp kết quả	Bộ nhớ	Thời gian / test	Điểm
1	Phân số	frac.*	frac.inp	frac.out	1024 MB	1 giáy	6
2	Xâu nhị phân	bina.*	bina.inp	bina.out	1024 MB	1 giây	6
3	Bộ ba tối thiểu	trip.*	trip.inp	trip.out	1024 MB	1 giây	5
4	Món quả dễ thương	gift.*	gift.inp	gift.out	1024 MB	1 giây	3

Dấu \* được thay thế bởi pas hoặc cpp hoặc py của ngôn ngữ lập trình được sử dụng tương ứng là Pascal hoặc C++ hoặc Python

Hãy lập trình giải các bài toán sau

Bài 1. Phân số (6 điểm)

Hồm nay trong giờ học toán, An được học về phân số và bài tập cô giáo giao về nhà như sau:

Cho 4 số nguyên dương a, b, c và d, ta gọi phân số của chúng là tổng sau:

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d}$$

Yếu cầu sắp xếp 4 số đã cho theo thứ tự sao cho phân số của chúng càng nhỏ càng tốt.

Bạn hãy giúp An làm bài tập trên.

Đữ liệu: Vào từ tệp văn bản frac.inp gồm một dòng chứa 4 số nguyên a,b,c và d $(1 \le a,b,c,d \le 10^9)$ .

Kết quả: Ghi ra tệp văn bản frac. out 4 số là sắp xếp của các số ban đầu sao cho phân số của chúng càng nhỏ càng tốt. Nếu có một số cách thích hợp để sắp xếp lại các số, hãy in bắt kỳ cách nào trong số chúng. Ví dụ:

frac.inp	frac.out	
1 2 3 4	1 3 2 4	
5 5 5 5	5 5 5 5	

Trong ví dụ đầu tiên, ta có 2 cách sắp xếp lại các số là 1, 3, 2, 4 và 2, 4, 1, 3 đều cho phân số có giá trị nhỏ nhất là:

$$\frac{1}{3} + \frac{2}{4} = \frac{2}{4} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$$

VI vậy câu trá lời là "1 3 2 4" hoặc "2 4 1 3".

Trong ví dụ thứ hai, tất cả các số đều bằng nhau nên trong mọi cách sắp xếp, phân số luôn có giá trị là:

$$\frac{5}{5} + \frac{5}{5} = 2$$

Vì vậy cấu trả lời là "5 5 5 5".

## Bài 2. Xâu nhị phân (6 điểm)

An rất thích chơi với xâu nhị phân (xâu nhị phân là xâu chứa các bít 0 và 1). Hồm nay An có một xâu nhị phân s độ dài n. Trước khi bắt đầu chơi với nó, anh ấy muốn đảm bảo rằng xâu đó không chứa quá k bất liên tiếp giống nhau. Để đạt được điều đó, loại thao tác duy nhất anh ta được phép thực hiện là lật bất kỳ bít nào của xâu (bít 0 lật thành 1 và bít 1 lật thành 0).

Vì sắp đến giờ vào lớp nên An muốn nhờ bạn tìm số thao tác tối thiểu mà anh ấy cần. Ngoài ra, An cũng muốn bạn đưa ra một trong các xâu có được sau khi sửa đổi.

**Dữ liệu:** Vào từ tệp văn bản bina . inp. Đòng đầu tiên chứa hai số nguyên n và k  $(1 \le k \le n \le 10^5)$ . Dòng thứ hai chứa xâu nhị phân s độ dài n.

Kết quả: Ghi ra tệp văn bản bina . out. Dòng đầu tiên in ra một số nguyên là số thao tác tối thiểu mà An cần. Dòng thứ hai in ra một trong các xâu có được sau khi sửa đổi.

#### Ví dụ:

bina.inp	bina.out	-
2 1	10	
2 2	0 11	
11 4 1 1001	2 1010	

Trong ví dụ đầu tiên, bít 1 xuất hiện hại lần liên tiếp nên chúng ta có thể sửa đổi xâu 11 thành 10 bằng một thao tác lật bít thứ hai. Chú ý rằng ban có thể đưa ra xâu sửa đổi là 01 bằng một thao tác lật bít thứ nhất.

Trong ví dụ thứ hai, bạn không cần sửa đối xâu vì xâu không có nhiều hơn 2 bít liên tiếp giống nhau.

Trong ví dụ thứ ba, bít 0 xuất hiện hai lần liên tiếp nên chúng ta có thể sửa đổi xâu 1001 thành 1010 bằng hai thao tác lật bít thứ ba và thứ tư.

#### Ràng buộc:

- Có 20% số test ứng với 20% số điểm thỏa mãn: Tất cá các bít của xâu s đều là 0 hoặc đều là 1;
- 20% số test khác ứng với 20% số điểm thòa mãn:
- 20% số test khác ứng với 20% số điểm thỏa mãn: n ≤ 20,
- 20% số test khác ứng với 20% số điểm thỏa mãn:  $n \le 10^3$
- 20% số test còn lại ứng với 20% số điểm: Không có thêm ràng buộc nào.

Chẩm điểm: Nếu kết quả chỉ đúng dòng thứ nhất hoặc dòng thứ hai thì chương trình sẽ được 50% số điểm cho test đó.

# Bài 3. Bộ ba tối thiểu (5 điểm)

Cho một mảng a gồm n phần từ  $a_1, a_2, ..., a_n$ .

Mảng bộ ba được định nghĩa gồm các  $\min(a_i, a_j, a_k)$  với tắt cả các bộ ba (i, j, k) thỏa mãn  $1 \le i < j < k \le n$ , trong đó min $(a_i, a_j, a_k)$  là giá trị nhỏ nhất của 3 phần từ  $a_i, a_j, a_k$ .

Bạn được cho q truy vấn thuộc loại sau: "Cho số nguyên k, trả lại phần từ nhỏ thứ k trong màng bộ ba".

Dữ liệu: Vào từ tệp văn bản trịp.inp. Đòng đầu tiên chứa hai số nguyên n và q $(3 \le n \le 3 \times 10^5; 1 \le q \le 3 \times 10^5)$  tương ứng là số phần từ máng a và số truy vấn. Đòng thứ hai chứa n số nguyên  $a_1, a_2, ..., a_n \ (-10^9 \le a_l \le 10^9)$ . Mỗi dòng trong q dòng tiếp theo chứa một số nguyên  $k \ \left(1 \le k \le \frac{n(n-1)(n-2)}{6}\right)$  mô tả một truy vấn.

Kết quả: Ghi ra tệp văn bản trip.out. Với mỗi truy vấn, in ra trên một dòng phần từ nhỏ thứ k trong máng bộ ba.

Ví dụ:

rip.inp	trip.out		
4	1		
4 2 1	1		
	1		
2	2		
3			
4			

Trong ví dụ trên, các phần từ của màng bộ ba là min(1,2,3) = 1, min(1,2,4) = 1, min(1,3,4) = 1, min(2,3,4) = 2 và sắp xếp tăng dần là 1,1,1,2. Vì vậy phần từ nhỏ thứ 1,2,3,4 lần lượt là 1,1,1,2.

#### Ràng buộc:

- Có 40% số test ứng với 40% số điểm thỏa mãn: 3 ≤ n ≤ 10²;
- 40% số test khác ứng với 40% số điểm thỏa mãn: 3 ≤ n ≤ 10³ và 1 ≤ q ≤ 10⁴;
- 20% số test còn lại ứng với 20% số điểm: Không có thêm ràng buộc nào.

### Bài 4. Món quà dễ thương (3 điểm)

An muốn tặng một món quả cho Chi nhân ngày Quốc tế Phụ nữ. An có một dãy số  $a_1, a_2, ..., a_n$  để dùng cho dịp này và anh ấy quyết định cắt dãy của mình thành hai phần và đưa cho cô ấy một phần. Cụ thể, An muốn chọn một số nguyên l  $(1 \le l < n)$  và tách dãy thành hai phần, phần đầu là dãy tiền tố độ dài  $l: a_1, a_2, ..., a_l$  và phần sau là dãy hậu tố độ dài  $n-l: a_{l+1}, a_{l+2}, ..., a_n$ .

An muốn món quả của mình thật để thương. Anh ấy nghĩ rằng món quả sẽ rất để thương nếu tích của các phần tử trong phần của Chi nguyên tổ cùng nhau với tích của các phần tử trong phần của anh ấy, tức là ước chung lớn nhất của hai tích  $a_1 \times a_2 \times ... \times a_l$  và  $a_{l+1} \times a_{l+2} \times ... \times a_n$  bằng 1.

Bạn hãy giúp An tìm ra vị trí nhỏ nhất để cát dãy, tức là tìm giá trị l nhỏ nhất sao cho món quả của An sẽ dễ thương.

**Dữ liệu:** Vào từ tệp văn bản gift . inp. Dòng đầu tiên chứa số nguyên  $n \ (2 \le n \le 10^5)$  là số phần từ của dãy số. Đồng thứ hai chứa n số nguyên  $a_1, a_2, ..., a_n$   $(2 \le a_l \le 10^5)$  là các phần tử của dãy số. Đữ liệu vào đảm bảo luôn tồn tại cách cắt dãy.

Kết quả: Ghi ra tệp văn bản gift. out một dòng chứa số ngưyên l là vị trí mà An sẽ cắt dãy.

Ví dụ:

gift.inp	gift.out	
4	3	
2 3 4 5		

Trong ví dụ trên, An sẽ cắt dãy tại vị trí l=3 và tách dãy thành hai phần 2, 3, 4 và 5. Tích các phần từ của phần thứ nhất và thứ hai lần lượt là  $2 \times 3 \times 4 = 24$  và 5. Hơn nữa hai tích này là hai số nguyên tố cùng nhau.

#### Ràng buộc:

- Có 25% số test ứng với 25% số điểm thòa mãn: 2 ≤ n ≤ 10 và 2 ≤ a₁ ≤ 10;
- 25% số test khác ứng với 25% số điểm thòa mẫn:  $2 \le n \le 100$ ;
- 25% số test khác ứng với 25% số điểm thỏa mẫn:  $2 \le n \le 1000$ ;
- 25% số test còn lại ứng với 25% số điểm: Không có thêm ràng buộc nào.

-Hét--

- Thi sinh không được sử dụng tài liệu;
- Giám thị không giải thích gì thêm.