

Закон Сохранение импульса

Уравнение Мещерского

① ЗЗН: $\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F}$, если $m = \text{const}$, то $m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F}$

② Если $m \neq \text{const}$
 $m d\vec{v} = \vec{F} dt + \vec{u} dm$, u - относительная скорость



$dm = -\mu dt$ - если масса уменьшается

$dm = +\mu dt$ - если присоединяется

$\frac{m d\vec{v}}{dt} = \vec{F} + \vec{u} \frac{dm}{dt}$ - Ур-е Мещерского

3.41

$u, v_0 = 0$

пренебречь

$m_{корпуса}$

$dm_{топлива} = -dm_{палки}$

1) $m_0 = m_p + m_n = \text{const}$ - упр.
 ↑
 масса калибшей палки



2) ЗЗН: $m_0 dv = -\underbrace{\delta dm_p}_{\text{присоединение палки}} - \underbrace{u dm_p}_{\text{истечение газов}}$

$m_0 dv = +\delta dm_p - u dm_p = (v - u) dm_p$

$\frac{dv}{v - u} = \frac{dm_p}{m_0}$

$\int_0^v \frac{dv}{v - u} = \int_{m_0}^m \frac{dm_p}{m_0}$

$\ln \left(\frac{v - u}{-u} \right) = \frac{m - m_0}{m_0}$

$v = u - u \cdot e^{\frac{m - m_0}{m_0}}$

Максимум при $m = 0$

$v_{\text{max}} = u - \frac{u}{e}$

