HỌC VIỆN CÔNG NGHỆ BƯU CHÍNH VIỄN THÔNG



CHƯƠNG VII: TRƯỜNG TĨNH ĐIỆN

Bài giảng môn Vật lý 1 và thí nghiệm

Giảng viên: Tô Thị Thảo

Ngày 18 tháng 4 năm 2023

Nôi dung



- Những khái niêm mở đầu
 - 1. Sư nhiễm điện của các vật, Hai loại điện tích
 - 2. Phân loại vật liệu theo khả năng truyền điện của điện tích
- Dinh luât Coulomb
 - 1. Đinh luật Coulomb trong chân không
 - 2. Định luật Coulomb trong môi trường
 - 3. Nguyên lý chồng chất các lực điên
- Diện trường và véctơ cường độ điện trường
 - 1. Khái niệm điện trường
 - 2. Vécto cường đô điện trường
 - 3. Véctơ cường độ điện trường gây ra bởi một hệ vật mang điện -Nguyên lý chồng chất điện trường
 - 4. Ví du:
- Diên thông Đinh lý ÔXTRÔGRATXKI GAUSS đối với điện trường
 - 1. Đường sức điện trường
 - 2.Tính chất
 - 4. Thông lương cảm ứng điện (điện thông)
 - 5. Đinh lý Ôxtrôgratxki-gauss đôi với điên trường (Đinh lý O-G)
- Diên thế
 - 1. Công của lực tĩnh điên. Tính chất của trường tĩnh điên.
 - 2. Thế năng của một điện tích trong điện trường
 - 3. Điện thế Hiệu điện thế
- Liên hệ giữa véctơ cường độ điện trường và điện thế
 - 1. Mặt đẳng thế
 - 2. Hệ thức liên hệ giữa điện trường và điện thế
 - 3. Úng dung













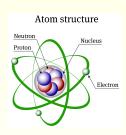
- Thalès de Milet (624 546 TCN) nhà toán học triết gia thời Hy Lạp
- Hiện tượng nhiễm điện do cọ xát: Elektra (hổ phách)
- ullet Mất điện tử \Rightarrow nhiễm điện dương: Thủy tinh
- ullet Nhận điện tử \Rightarrow nhiễm điện âm: lụa

Điện tích nguyên tố: điện tử $-e = 1, 6.10^{-19}C, m_e = 9, 1.10^{-31}kq, proton : +e, m_n = 1, 67.10^{-27}kq$

1. Sự nhiễm điện của các vật. Hai loại điện tích

Điện tích của vật thể tích điện: Đại lượng vô hướng được xác định bằng một số nguyên (kết quả sự chênh lệch số các proton và electron) lần điện tích nguyên tố trong vật thể, tức là Q = e.(Np - Ne) = n.e

1. Mở đầu



Nguyên tử: Phần tử cơ sở cấu tao vật chất:

- Trạng thái bình thường: trung hòa điện số e và p bằng nhau,
- p gắn cố định trong hạt nhân nguyên tử, e có thể dễ dàng di chuyển dễ tạo ra sự mất cân bằng điện tích giữa 2 vật trung hòa điện khi được cho tiếp xúc với nhau tao ra i-ôn

Điện tích điểm: Điện tích có kích thước không đáng kể so với khoảng cách giữa điện tích và 1 điểm trong không gian nằm trong vùng ảnh hưởng của nó.







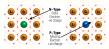
- Đinh luật bảo toàn điện tích: Tổng đại số điện tích của hệ cô lập là không đổi!!!

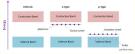




Phân loại vật liệu theo khả năng truyền điện của điện tích

- Vật liệu dẫn điện: Điện tích có thể chuyển động tự do trong toàn bộ thể tích vật (kim loại)
- Vật liệu cách điện điện môi: Điện tích định xứ cố định tại những miền nào đó, và không thể di chuyển tự do trong vật liệu (cao su, chất dẻo, gỗ, giấy, không khí khô...)
- Vật liệu bán dẫn: Điện tích cũng định xứ cố định tại những miền nào đó, nhưng có thể di chuyển tự do trong vật liệu dưới tác động của nhiệt độ, ánh sáng/điện trường ngoài (silicon, germanium...)





Vật liệu siêu dẫn: điện tích khi chuyển động qua chúng không gặp bất cứ sự cản trở nào. Năm 1911, nhà vật lí người Hà Lan,
 Kammerlingh Onnes (1853 – 1926) đã phát hiện thủy ngân rắn mất hoàn toàn điện trở ở nhiệt độ dưới 4,2K.

1.1 Lưc tương tác giữa 2 điện tích điểm

Điện tích điểm: vật mang điện tích có kích thước << khoảng cách từ điện tích đó tới những điểm hoặc những vật mang điện khác.



Định nghĩa:

Lực tương tác tĩnh điện giữa 2 điện tích q_1,q_2 đặt trong chân không, có phương nằm trên đường thẳng nối 2 điện tích, có chiều phụ thuộc vào dấu 2 điện tích, có độ lớn tỉ lệ thuận tích số q_1,q_2 và tỉ lê nghich với bình phương khoảng cách giữa chúng.

$$\left[\vec{F}_{12} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \frac{\vec{r}_{12}}{r} \right]; \left[\vec{F}_{21} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \frac{\vec{r}_{21}}{r} \right]$$

$$\vec{F}_{21} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \frac{\vec{r}_{21}}{r}$$

- \vec{F}_{12} : luc do $q_1 \rightarrow q_2$; \vec{F}_{21} : luc do $q_2 \rightarrow q_1$
- \vec{r}_{21} : bán kính vector từ điện tích $q_2 \to \text{diên tích } q_1$.
- \vec{r}_{12} : bán kính vector từ điện tích q_1 đến điện tích q_2 .



Chương VII: Trường tĩnh điện 2. Đinh luật Coulomb Lực tương tác giữa 2 điện tích điểm

Tổng quát:

$$\left[\vec{F} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \frac{\vec{r}}{r}\right] \tag{2}$$

hệ số tỉ lệ:
$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9.10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$$
,
$$\epsilon_0 = \frac{1}{36\pi} 10^{-9} \approx 8,86.10^{-12} \frac{C^2}{Nm^2}$$
: hằng số điện.

– Lực tương tác tĩnh điện giữa 2 điện tích q_1,q_2 đặt trong môi trường giảm đi ϵ lần so với lực tương tác giữa chúng trong chân không.

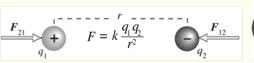
Tổng quát:

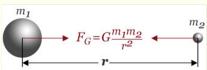
$$\left(\vec{F} = k \frac{q_1 q_2}{\epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}\right); \tag{3}$$

 ϵ : đại lượng không thứ nguyên đặc trưng cho tính chất điện của môi trường và được gọi là hằng số điện môi.

Chương VII: Trường tĩnh điện $2\,.\,$ Định luật Coulomb

Lực Coulomb và lực hấp dẫn





$$\frac{F_e}{F_G} = \frac{q_1 q_2}{m_1 m_2} \frac{k}{G}$$

Với electron
$$q = 1, 6.10^{-19} C, m = 9, 31.10^{-31} kg \Rightarrow \frac{F_e}{F_G} = 4, 17.10^{42}$$

3. Nguyên lý chồng chất các lực điện

• Xét hệ điện tích $q_1, q_2, ..., q_n$ phân bố rời rạc và điện tích $q_0; q_0$ chịu tác dụng của các lực $F_1, F_2, ..., F_n$ gây bởi hệ điện tích

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_n = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$$
 (4)

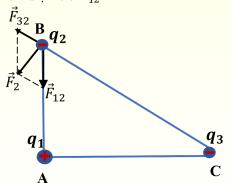
Vật mang điện tích q bất kỳ tác dụng lực lên điện tích điểm q₀.
 Vật mang điện được coi như một hệ vô số các điện tích điểm dq phân bố liên tục.

$$F = \frac{q_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \int_V \frac{dq}{r^2} \tag{5}$$

• Hai quả cầu đồng chất phân bố điện tích đều $(Q_1 \text{ và } Q_2) \Leftrightarrow 2$ điện tích điểm có vị trí tại tâm 2 quả cầu và r là khoảng cách tính từ tâm của chúng.

Ví dụ 1:

Cho ba điện tích q_1,q_2,q_3 nằm trên ba đỉnh của tam giác ABC. Biết $AB=3\mathrm{cm},\ AC=4\mathrm{cm}$ và $BC=5\mathrm{cm}.$ Điện tích của các hạt là $q_1=3\mu\mathrm{C},\ q_3=-6\mu\mathrm{C}$ và $q_2=-2\mu\mathrm{C}.$ Hãy xác định lực điện tác dụng lên điện tích $q_2.$



1. Khái niệm điện trường

Tương tác giữa hai điện tích điểm xảy ra như thế nào?

- Thuyết tác dụng xa: Tức thời, không thông qua môi trường nào cả
 ⇒ Sai
- Thuyết tác dụng gần: Quanh điện tích có môi trường đặc biệt → điện trường truyền với vận tốc vận tốc hữu hạn → vận tốc tương tác giới hạn. Điện trường này giữ vai trò truyền tương tác từ điện tích này đến điện tích khác.



Định nghĩa:

Điện trường là một dạng tồn tại của vật chất bao quanh các điện tích. Đặc điểm cơ bản của điện trường là tác dụng lực lên các điện tích đặt trong nó.

2. Vécto cường độ điện trường

Định nghĩa: Véctơ cường độ điện trường \vec{E} tại một điểm là đại lượng đặc trưng cho điện trường tại điểm đó về phương diện tác dụng lực, có trị véctơ bằng lực tác dụng của điện trường lên một đơn vị điện tích dương đặt tại điểm đó.

autong dat tar
$$q_0$$
 \vec{F} \vec{F} \vec{F} \vec{F} \vec{F} \vec{F} \vec{F} \vec{F} \vec{F}

Xét điện tích thử q_0 đặt trong điện trường của q

• Lực Coulomb
$$\vec{F} = k \frac{qq_0}{r^2} \frac{\vec{r}}{r} = q_0 k \frac{q}{r^2} \frac{\vec{r}}{r} = q_0 \vec{E}$$

$$\Rightarrow \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = k \frac{q}{r^2} \frac{\vec{r}}{r}$$

Cường độ điện trường tại 1 điểm nào đó là đại lượng vật lý có độ lớn bằng độ lớn của lực điện trường tác dụng lên 1 đơn vị điện tích +1 đặt tại điểm đó.

$$E = k \frac{q}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} = 9.10^9 \frac{q}{r^2}; [E] = (\frac{V}{m}). \tag{6}$$

Chương VII: Trường tĩnh điện 3. Điện trường và véctơ cường độ điện trường

2. Véctơ cường độ điện trường gây ra bởi một điện tích điểm



Lực Coulomb tác dụng của điện tích q lên điện tích q_o bằng:

$$\vec{F} = k \frac{qq_0}{\epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}$$

Véctơ cường độ điện trường do điện tích điểm q_0 gây ra tại điểm M:

$$\left[\vec{E} = k \frac{q}{r^2} \frac{\vec{r}}{r}\right],\tag{7}$$

 \vec{r} : bán kính véctơ hướng từ điện tích q đến điểm M.

- $q>0 \rightarrow \vec{E} \uparrow \uparrow \vec{r}: \vec{E}$ hướng ra xa khỏi điện tích q.
- $q < 0 \rightarrow \vec{E} \uparrow \downarrow \vec{r} : \vec{E}$ hướng vào điện tích q.

3. Vécto cường đô điện trường gây ra bởi hệ vật mang điện - Nguyên lý chồng chất điện trường

> • Lực tổng hợp tác dụng lên điện tích q_0 đặt trong điên trường của hệ điện tích điểm



$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_n = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$$

• Vécto cường độ điện trường tổng hợp tại M bằng:

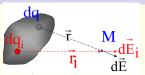
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = \sum_{i=1}^n \frac{\vec{F}_i}{q_0} = \sum_{i=1}^n \vec{E}_i$$



Nguyên lý chồng chất điện trường:

Véctơ cường độ điện trường gây ra bởi một hệ điện tích điểm bằng tổng các véctơ cường độ điện trường gây ra bởi từng điện tích điểm của hê.

2. Cường độ điện trường gây bởi hệ điện tích điểm phân bố liên tục



$$\vec{E} = \int\limits_{\text{toàn bộ vật}} d\vec{E} = \int\limits_{tbv} \frac{dq}{4\pi\epsilon_0\epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}$$

Trong trường hợp cụ thể phương chiều phải xác định bằng hình vẽ, tích phân chỉ xác định độ lớn của E.

- Dây tích điện dài (L), mật độ điện tích dài λ (C/m) → điện tích trên một vi phân độ dài dℓ là dq = λdℓ.
- Mặt tích điện diện tích S, mật độ điện tích mặt $\sigma(C/m^2) \to$ điện tích / vi phân diện tích dS là $dq = \sigma dS$
- Khối tích điện thể tích V, mật độ điện tích khối $\rho(C/m^3) \to$ điện tích trong một thể tích vi phân dV là $dq = \rho dV$.

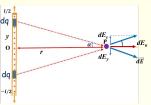
$$\vec{E} = \int_{I} d\vec{E} = \int_{I} \frac{\lambda dl}{4\pi\epsilon_0 \epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r} \quad (8)$$

$$\vec{E} = \int_{dS} d\vec{E} = \int_{dS} \frac{\sigma dS}{4\pi\epsilon_0 \epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r} \quad (9)$$

$$\vec{E} = \int_{dV} d\vec{E} = \int_{dV} \frac{\rho dV}{4\pi\epsilon_0 \epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}$$
 (10)

1. Cường độ điện trường gây bởi hệ điện tích điểm phân bố liên tục

Dây: độ dài ℓ , điện tích Q, mật độ điện tích dài λ .



- \bullet Chia dây thành các phần tử độ dài $dy\to 0,$ điện tích: $dq=\frac{Q}{\ell}dy=\lambda dy$
- Điện trường tại P: $dE = \frac{dq}{4\pi\epsilon_0\epsilon(r^2 + y^2)}$

$$E = E_n = \int dE_n = \int dE \cos \alpha = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 \epsilon} \int_{-\ell/2}^{\ell/2} \frac{\lambda dy \cos \alpha}{r^2 + y^2}$$

mà
$$\cos \alpha = \frac{r}{\sqrt{r^2 + y^2}}, \ y = r \tan \alpha$$

$$\to dy = r \frac{d\alpha}{\cos^2 \alpha}$$

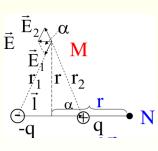
$$E = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 \epsilon r} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \alpha . d\alpha = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon\epsilon_0 r}$$

Tổng quát:
$$E = \frac{|\lambda|}{2\pi\epsilon\epsilon_0 r}$$

(11)

2. Lưỡng cực điện

Hệ 2 điện tích điểm trái dấu có độ lớn bằng nhau cách nhau một khoảng ℓ (rất nhỏ). Véctơ mômen lưỡng cực điện: $\vec{p_e} = q\vec{\ell}$; ℓ : vectơ hướng từ $-q \to +q$.



Cường độ điện trường tại điểm
$$M$$
 nằm trên mặt phẳng trung trực của lưỡng cực:

• Theo nguyên lý chồng chất điện trường thì cường độ điện trường tại M: $\vec{E}_M = \vec{E}_1 + \vec{E}_2, E = 2E_1 \cos \alpha$

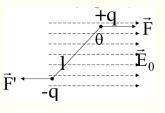
$$E = 2\frac{q}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r_1^2} \frac{\ell}{2r_1} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q\ell}{\epsilon r_1^3}$$

•
$$r \gg \ell \rightarrow r_1 = \sqrt{r^2 + \frac{\ell^2}{4}} \approx r; p_e = q\ell, \vec{E} \uparrow \downarrow \vec{\ell} \Rightarrow$$

$$\vec{E_M} = -k \frac{\vec{p_e}}{\epsilon r^3}$$

Tại N:
$$\vec{E_N} = k \frac{2\vec{p_e}}{\epsilon r^3}$$

Lưỡng cực điện đặt trong điện trường đều



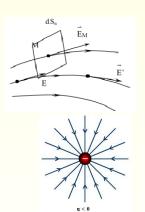
Cường độ điện trường tại điểm M nằm trên mặt phẳng trung trực của lưỡng cực

 \bullet Mômen của ngẫu lực $\vec{\mu} = \vec{\ell} \times \vec{F} = \vec{\ell} \times q \vec{E_0}$

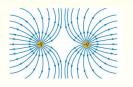
$$\vec{\mu} = \vec{p_e} \times \vec{E_0}$$

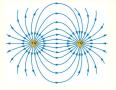
• Ý nghĩa p_e : Biết p_e có thể xác định được vectơ cường độ điện trường do lưỡng cực gây ra nên p_e đặc trưng cho tính chất điện của lưỡng cực .

1. Đường sức điện trường



• Đường sức điện trường là đường mà tiếp tuyến tại mỗi điểm của nó trùng với phương của vécto cường độ điện trường tại điểm đó; chiều của đường sức điện trường là chiều của vécto cường độ điện trường.

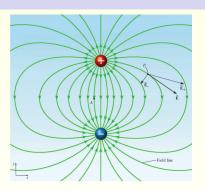




 ${\bf Quy}$ ước: vẽ số đường sức điện trường qua một đơn vị diện tích đặt vuông góc với đường sức bằng cường độ điện trường E.

Điện phổ: tập hợp các đường sức điện trường.

2. Tính chất



- Các đường sức điện trường là những đường không khép kín, bị hở tại các điện tích. Chúng xuất phát từ các điện tích dương và tận cùng trên các điện tích âm; đi đến từ vô cùng hoặc đi ra vô cùng.
- Các đường sức điện trường không cắt nhau: tại mỗi điểm trong điện trường, véctơ cường độ điện trường chỉ có một hướng xác định.

3. Sự gián đoạn của đường sức điện trường. Vector điện cảm.



- \bullet Độ lớn của phụ thuộc vào hằng số điện môi $\epsilon \Leftrightarrow$ phụ thuộc vào tính chất của môi trường.
- Tại mặt phân cách giữa hai môi trường có hằng số điện môi ϵ khác nhau \Rightarrow cường độ điện trường có sự thay đổi đột ngột về độ lớn.
- Phổ các đường sức điện trường bị gián đoạn ở mặt phân cách của hai môi trường: trên mặt phân cách sẽ có một số đường sức mất đi hoặc một số đường sức mới xuất hiện.
- \Rightarrow vécto cảm ứng điện (vécto điện cảm) \vec{D} : $(\vec{D} = \epsilon \epsilon_0 \vec{E}) [D] = \frac{C}{m^2}$

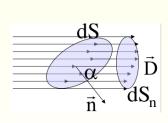
Chương VII: Trường tĩnh điện

- Ď 8−2
- Đường cảm ứng điện là đường mà tiếp tuyến tại mỗi của nó trùng với phương của vectơ \vec{D} , chiều của đườn ứng điện là chiều của \vec{D} .
- Điện tích điểm: $\vec{D} = \frac{q}{4\pi r^2} \frac{\vec{r}}{r}; \left| D = \frac{|q|}{4\pi r^2} \right|$

22 / 55

4. Thông lượng cảm ứng điện (điện thông)

Khái niệm: Thông lượng vector điện cảm gửi qua một thiết diện có trị số tỉ lệ với số đường sức cắt vuông góc thiết diện đó.



$$\vec{dS} = dS.\vec{n}$$

Diện tích S đặt trong điện trường \vec{D} .

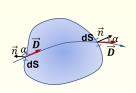
- Chia S thành những phần tử diện tích d
S vô cùng nhỏ sao cho D là không đổi
- Thông lượng cảm ứng điện gửi qua diện tích d ${\bf S}$ là đại lượng có giá trị:

$$d\Phi_e = \vec{D}d\vec{S} = DdS\cos\alpha = D_n dS, \qquad (12)$$

 $D_n=D\cos\alpha$: hình chiếu của trên pháp tuyến \vec{D} trên pháp tuyến $\vec{n},\ \alpha$: góc hợp bởi trên pháp tuyến \vec{n} và \vec{D}

4. Thông lượng cảm ứng điện (điện thông)





- Chọn chiều của \vec{n} là chiều hướng ra phía ngoài của mặt đó ($\Rightarrow \vec{n}$ được gọi là pháp tuyến duong).

$$\begin{cases} \alpha < \frac{\pi}{2} & \Rightarrow & \Phi_e > 0 \\ \alpha > \frac{\pi}{2} & \Rightarrow & \Phi_e < 0 \\ \alpha = \frac{\pi}{2} & \Rightarrow & \Phi_e = 0 \end{cases}$$

Thông lượng cảm ứng điện gửi qua toàn bộ diện tích S bằng:

$$\Phi_e = \int_S d\Phi_e = \int_S \vec{D}d\vec{S} = \int_S D_n dS$$

Thông lượng cảm ứng điện qua diện tích dS là một đại lượng có độ lớn tỉ lệ với số đường cảm ứng điện vẽ qua diện tích đó.



Định lý Ôxtrôgratxki-gauss:

Điện thông qua một mặt kín bằng tổng đại số các điện tích nằm trong mặt kín đó:

 $\Phi_e = \oint_S \vec{D} \, d\vec{S} = \sum_i q_i,\tag{13}$

 $\sum_i q_i$: phép lấy tổng đại số các điện tích chứa trong mặt kín S. **Thiết lập đinh lý:**



- Xét trường hợp một điện tích điểm dương q đặt cố đị điểm O trong chân không.
- Mặt cầu S (tâm O, bao quanh q) có bán kính r.
 Do tính đối xứng điện thông qua mặt cầu S:

$$\Phi_e = \int_S d\Phi_e = \int_S \vec{D}d\vec{S} = \int_S D_n dS; S = 4\pi r^2; D = \frac{|q|}{4\pi r^2}$$

$$\Phi_e = rac{|q|}{4\pi r^2}.4\pi r^2 = q$$
 > 0 (điện thông dương vì đi ra khỏi mặt kín S).

Thiết lập định lý:

Khi
$$q < 0 \Rightarrow \vec{D} \uparrow \downarrow \vec{dS} \Rightarrow \boxed{\Phi_e = -\frac{|q|}{4\pi r^2}.4\pi r^2 = -|q| = q} < 0.$$

- Điện thông Φ_e không phụ thuộc vào bán kính mặt cầu và có giá trị bằng nhau đối với các mặt cầu đồng tâm với S.
 - $-\Rightarrow$ Khoảng không gian giữa hai mặt cầu S và S_1 nơi không có các điện tích, các đường sức là liên tục, không mất đi hoặc thêm ra.
 - $-\Phi_e(S_2)$ bất kỳ bao quanh điện tích $q = \Phi_e(S; S_1, \text{ không phụ thuộc})$ (hình dạng của mặt S_2 , vị trí của điện tích q bên trong).
- Mặt kín S_3 không bao quanh q: có bao nhiều đường cảm ứng điện đi vào $S_3 \Rightarrow$ có bấy nhiều đường cảm ứng điện đi ra khỏi S_3 ; Φ_e (vào) <0 ($\alpha = (\vec{D}, \vec{n}) > \frac{\pi}{2}$): $\Phi_e = \Phi_e(\text{vào}) + \Phi_e(\text{ra}) = 0$
- \bullet Trong mặt kín $q_i \in S$, từ nguyên lý chồng chất điện trường, $\Rightarrow \Phi_e$

qua S bằng tổng đại số các điện thông thành phần:

$$\Phi_e = \oint_S \vec{D} \, d\vec{S} = \sum_i q_i$$

Định lý Gauss cho phân bố điện tích liên tục

- \bullet Định lý O-G theo công thức (13): \vec{D} qua S với $\left(\!q_i \in V\!\right)$ giới hạn S.
- $q_i \in V$ phân bố liên tục với mật độ điện tích khối $\rho(x,y,z) \Rightarrow$ $\vec{D} \in M(x,y,z)$: $\sum_i q_i = \int \rho dV$ $\Phi_e = \oint_S \vec{D} \, d\vec{S} = \int_V \rho \, dV \; ; \; \text{vì} \; \oint_S \vec{D} \, d\vec{S} = \int_V div \vec{D} . dV$

 $div\vec{D} = \rho$

Phương trình Poisson. trong hệ toạ độ Đềcác:

$$div\vec{D} = \frac{\partial D_x}{\partial x} + \frac{\partial D_y}{\partial y} + \frac{\partial D_z}{\partial z}$$

(14)

Phương pháp sử dụng định lý O - G

Điện trường có tính chất đối xứng (đối xứng cầu, đối xứng trụ, đối xứng phẳng).

- ${\bf B}{\bf u}{\bf \acute{c}}{\bf c}$ 1: Nhận xét về sự đối xứng trong sự phân bố của hệ điện tích.
- Bước 2: Xác định dạng đối xứng của hệ đường sức và xác định quỹ tích những điểm mà các véctơ D (hoặc véctơ E) có cùng độ lớn và bằng với D hoặc E tại điểm ta cần khảo sát.
- Bước 3: Xây dựng mặt kín S (gọi là mặt Gauss) là quỹ tích nói trên. Nếu quỹ tích đó chưa tạo thành mặt kín thì ta làm kín lại bằng các mặt khác tùy ý sao cho việc tính toán là đơn giản nhất.
- Bước 4: Tính từng vế của biểu thức (14) để rút ra đại lượng cần xác định.

Định lý Gauss

1. Quả cầu rỗng (R) tích điện đều (Q > 0) trên bề mặt



Điểm P bên ngoài, cách O khoảng r.

– Dụng mặt Gauss bao quanh, bán kính r> R.

$$\Phi_e = \oint_S \vec{D} \, d\vec{S} = \oint_S D \, dS = D \oint_S dS = D.4\pi r^2$$

– Áp dụng định lý O – G:
$$\Phi_e = \oint_S \vec{D} \, d\vec{S} = \sum_i q_i = Q$$

$$\Rightarrow \boxed{D = \frac{1}{4\pi} \frac{Q}{r^2}} \Rightarrow \boxed{E = \frac{D}{\epsilon \epsilon_0} = \frac{1}{4\pi \epsilon \epsilon_0} \frac{Q}{r^2}}$$

Đinh lý Gauss

• Điểm N bên trong, cách O khoảng r'. - Mặt Gauss sát mặt cầu, bk r' < R.

$$-D.4\pi r'^2 = Q \Rightarrow D = \frac{1}{4\pi} \frac{Q}{r'^2}$$

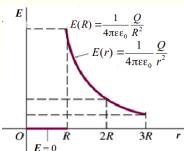
Bên trong q/cầu ko có điện

tích:
$$Q = 0 \Rightarrow E = 0$$

• Điểm M trên mặt cầu, cách O khoảng R.

$$D = \frac{Q}{4\pi R^2}$$

$$E = \frac{D}{\epsilon \epsilon_0} = \frac{1}{4\pi \epsilon \epsilon_0} \frac{Q}{R^2}$$



30 / 55Chương VII: Trường tĩnh điện

Đinh lý Gauss

Ứng dung định lý Gauss xác định cường độ điện trường:

2. Quả cầu đặc (R) tích điện đều (Q > 0) trong toàn bộ thể tích

2. Quá cấu đặc (R) tích điện đều (Q > 0) trong toàn bộ t.
Mật độ điện tích khối của quả cầu:
$$\rho = \frac{Q}{V_{\text{khối cầu}}} = \frac{Q}{\frac{4}{3}\pi R^3}$$

Điểm P bên trong, cách O khoảng r .



- Dưng mặt Gauss, bán kính r < R.
- Điện tích của quả cầu Gauss:

$$Q' = \rho V_{\text{mặt cầu Gauss}} = \rho \frac{4}{3} \pi r^3 = Q \frac{r^3}{R^3}.$$

- Thông lượng điện cảm ứng qua mặt Gauss, bán kính r: $\Phi_e = \oint D_n \cdot dS = D \oint dS = D \cdot 4\pi r^2$

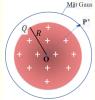
- Định lý Gauss:
$$\Phi_e=Q'\Leftrightarrow Q'=D.4\pi r^2\Rightarrow D=\frac{1}{4\pi}\frac{Q'}{r^2}=\frac{1}{4\pi}\frac{Qr}{R^3}$$

- Cường độ điện trường bên trong quả cầu: $E = \frac{D}{\epsilon \epsilon_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{Qr}{R^3}$

Đinh lý Gauss

Ung dung định lý Gauss xác định cường độ điện trường:

Điểm P' bên ngoài, cách O khoảng r'.



- Dựng mặt Gauss bao quanh, bán kính r' > R.
- Tương tự ta có: $D.4\pi r'^2 = Q \Rightarrow D = \frac{1}{4\pi} \frac{Q}{r'^2}$
- Cường đô điện trường bên ngoài quả cầu:

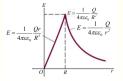
$$E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{Q}{r'}$$

$$E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{Q}{r'}$$

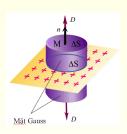
$$E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{Q}{r'^2}$$
- Trên bề mặt: $r = R$:

- Trên bề mặt: r = R:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{Q}{R^2}$$



Mặt phẳng vô hạn mang điện đều Q > 0



- Vector điện cảm (điện trường) có chiều và phương vuông góc mặt phẳng.
- Xét điểm M nằm trên một đáy hình trụ (mặt bên là mặt Gauss) cắt vuông góc mặt phẳng tích điên. ΔS là giao diên tru và mặt phẳng tích điện.

$$\Phi_e = \oint_S \vec{D} \, d\vec{S} = \oint_{\text{mặt trụ}} D_n dS = \int_{2 \text{ dáy}} D_n . dS + \int_{\text{xq}} D_n . dS = 2D.\Delta S$$

– Áp dung định lí Ostrogradsky-Gauss: $\Phi_e = D.2\Delta S = \sigma.\Delta S$

$$\Rightarrow \boxed{D = \frac{\sigma}{2}}$$

$$\Rightarrow \boxed{E = \frac{\sigma}{2\epsilon\epsilon_0}}$$

Mặt phẳng vô hạn mang điện đều Q $>\!\!0$

Nhận xét:

- Các véct
ơ \vec{D} (\vec{E}) không phụ thuộc vào khoảng cách từ điểm M
 đến mặt phẳng \Rightarrow điện trường là điện trường đều:
 $\vec{E}=co\vec{n}st$
- Điện trường do mặt phẳng hữu hạn tích điện đều tạo ra ở những vị trí rất gần mặt đó cũng được xem như là đều.
- Mặt phẳng tích điện âm các véct
ơ \vec{D},\vec{E} hướng vào mặt phẳng tích điện.

Mặt phẳng vô hạn mang điện đều Q>0

Hai mặt phẳng song song vô hạn mang điện đều trái dấu, mật độ điện mặt $(\sigma, -\sigma)$

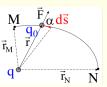
Vector cảm ứng điện:
$$\vec{D} = \vec{D_1} + \vec{D_1}$$
; $D = D_1 = D_2 = \frac{\sigma}{2}$

• Ở khoảng giữa hai mặt phẳng $\vec{D_1} \uparrow \uparrow \vec{D_2}$:

$$D = D_1 + D_2 \Rightarrow E = \frac{D}{\epsilon \epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0}$$

• Ở ngoài hai mặt phẳng $\vec{D_1} \uparrow \downarrow \vec{D_2} : D = D_1 + D_2 = 0$

1. Công của lực tĩnh điện. Tính chất của trường tĩnh điện.



 $\vec{F}_{\alpha} d\vec{s} = 0$ $\vec{F}_{\alpha} d\vec{s}$ $\vec{F}_{\alpha} d\vec{s}$ $\vec{F} = q_0 . \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{\epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}$ $\vec{F}_{\alpha} d\vec{s}$ $\vec{F} = q_0 . \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{\epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}$ $\vec{F}_{\alpha} d\vec{s}$ $\vec{F} = q_0 . \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{\epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}$ $\vec{F}_{\alpha} d\vec{s}$ \vec{F}

$$\vec{F} = q_0 \cdot \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{\epsilon r^2} \frac{\vec{r}}{r}$$

$$ds\cos\alpha=dr \qquad dA=\vec{F}.\vec{ds}=\frac{q_0q}{4\pi\epsilon_0\epsilon r^3}.\vec{r}.\vec{ds}=\frac{q_0q}{4\pi\epsilon_0\epsilon r^2}ds.\cos\alpha=\frac{q_0qdr}{4\pi\epsilon_0\epsilon r^2}$$
 Công của lực tĩnh điện

$$A_{MN} = \int_{M}^{N} dA = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \int_{M}^{N} \frac{dr}{r^2} = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r_M} - \frac{qq_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r_N}$$

Công của lực tĩnh điện trong sự dịch chuyển điện tích điểm q_0 trong một điện trường bất kì không phụ thuộc vào dạng đường đi mà chỉ phụ thuộc vào điểm đầu và điểm cuối của đường cong dịch chuyển. Công của lực tĩnh điện trên một đường cong kín bằng không.

Trong điện trường bất kỳ

 q_0 chuyển động trong điện trường của hệ $q_1,q_2,...q_n$

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^{n} \vec{F}_i = q_0 \sum_{i=1}^{n} \vec{E}_i$$

Công của lực điện trường trong chuyển dời MN:

$$A_{MN} = \int_{M}^{N} \vec{F} \cdot d\vec{s} = \sum_{i=1}^{n} \int_{M}^{N} \vec{F}_{i} \cdot d\vec{s} = \sum_{i=1}^{n} \frac{q_{i}q_{0}}{4\pi\epsilon\epsilon_{0}r_{iM}} - \sum_{i=1}^{n} \frac{q_{i}q_{0}}{4\pi\epsilon\epsilon_{0}r_{iN}}$$

Công của lực tĩnh điện trong sự dịch chuyển của điện tích q_0 trong điện trường bất kỳ:

- Không phụ thuộc vào dạng đường cong dịch chuyển
- Chỉ phụ thuộc vào điểm đầu và điểm cuối của chuyển dời

Trường tĩnh điện là một trường thế.
$$A = \oint \vec{F} \cdot \vec{ds} = q_0 \oint \vec{E} \cdot \vec{ds} = 0$$

 $\oint \vec{E}.\vec{ds}$: lưu số của véctơ cường độ điện trường.

Lưu số của cường độ điện trường (tĩnh) dọc theo một đường cong kín bằng không.

2. Thế năng của một điện tích trong điện trường

Đối với trường thế: Công của lực trong trường = độ giảm thế năng

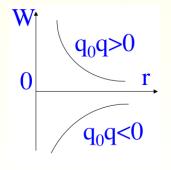
$$A_{MN} = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r_M} - \frac{qq_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r_N} = W_M - W_N$$

$$W_{M} = \frac{qq_{0}}{4\pi\epsilon\epsilon_{0}r_{M}} + C; W_{N} = \frac{qq_{0}}{4\pi\epsilon\epsilon_{0}r_{N}} + C$$

$$W = \frac{qq_{0}}{4\pi\epsilon\epsilon_{0}r} + C, \qquad (15)$$

$$\text{trong d\'o: } W_{\infty} = \frac{qq_{0}}{4\pi\epsilon\epsilon_{0}r_{\infty}} + C = 0 \Rightarrow C = 0$$

$$W = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r} \tag{16}$$



2. Thế năng của điện tích trong điện trường

• Thế năng của điện tích q_0 trong điện trường của hệ điện tích điểm $q_1,q_2,...,q_n$:

$$W = \sum_{i=1}^{n} \frac{q_i q_0}{4\pi \epsilon \epsilon_0 r_i}$$
 (17)

 r_i : khoảng cách từ điện tích q_0 đến điện tích q_i .

 \bullet Thế năng của điện tích q_0 trong điện trường bất kỳ:

$$W_M = \int_M^\infty q_0 \vec{E} d\vec{s} = q_0 \int_M^\infty \vec{E} d\vec{s}$$
 (18)

Thế năng của điện tích q_0 trong trường tĩnh điện của điện tích q tại 1 điểm nào đó có giá trị bằng công của lực tĩnh điện khi dịch chuyển q_0 từ điểm đó ra vô cực.

5.1. Điện thế



Định nghĩa: W/q_0 không phụ thuộc vào điện tích q_0 mà chỉ phụ thuộc vào vị trí trong điện trường và điện tích gây ra điện trường.

Điện thế của điểm đang xét trong điện trường: $V = \frac{W}{q_0}$

 Điện thế do một điện tích điểm q gây ra tại một điểm cách q một khoảng bằng r:

$$V = \frac{q}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r} \tag{19}$$

 Điện thế do một hệ điện tích điểm gây ra tại một điểm trong điện trường:

$$V = \sum V_i = \sum \frac{q_i}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r_i} \tag{20}$$



5.1. Điện thế



- Hệ phân bố điện tích liên tục (vật mang điện):
- Chia vật thành vô số các phần tử điện tích dq (điện tích điểm)
 - Điện thế gây bởi dq: $dV = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{dq}{r}$
 - Điện thế gây bởi cả vật tại điểm M:

$$V_M = \int_{tbv} dV = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \int \frac{dq}{r}$$
 (21)

• Điện thế tại một điểm M trong điện trường bất kỳ:

$$A_{MN} = \int_{M}^{N} \vec{F} d\vec{s} = \int_{M}^{N} q_{0} \vec{E} d\vec{s} = W_{M} - W_{N}$$

$$\Rightarrow A_{M\infty} = W_{M} = \int_{M}^{\infty} q_{0} \vec{E} . d\vec{s}$$

$$V_M = \frac{A_{M\infty}}{q_0} = \int_M^\infty \vec{E}.\vec{ds} \tag{22}$$

41/55



5.2. Hiệu điện thế



 q₀ dịch chuyển trong điện trường gây bởi điện tích và hệ điện tích:

Công của lực tĩnh điện khi di chuyển q_0 giữa M và N

$$A_{MN} = W_M - W_N \Rightarrow \frac{A_{MN}}{q_0} = \frac{W_M}{q_0} - \frac{W_N}{q_0} = V_M - V_N$$

 V_M và V_N là điện thế do điện tích/hệ điện tích gây ra tại M và N.

ullet q_0 dịch chuyển trong điện trường bất kỳ

$$A_{MN} = \int_{M}^{N} \vec{F} \cdot \vec{ds} = \int_{M}^{N} q_{0} \vec{E} \cdot \vec{ds} = W_{M} - W_{N}$$

$$\Rightarrow V_{M} - V_{N} = \frac{A_{MN}}{q_{0}} = \int_{M}^{N} \vec{E} \cdot \vec{ds}$$

Công của lực tĩnh điện:

$$A_{MN} = q_0(V_M - V_N) \tag{23}$$

42 / 55

< = > < = > = =

Điện thế



Công của lực tĩnh điện trong sự dịch chuyển điện tích điểm q_0 từ điểm M tới điểm N trong điện trường bằng tích số của điện tích q_0 với hiệu điện thế giữa hai điểm M và N đó.

-
$$q_0 = +1 \Rightarrow V_M - V_N = A_{MN}$$

Hiệu điện thế giữa hai điểm M và N trong điện trường là một đại lượng bằng công của lực tĩnh điện trong sự dịch chuyển một đơn vị điện tích dương từ điểm M đến điểm N.

- q=+1 đơn vị điện tích và chọn điểm $N\to\infty$

$$\Rightarrow V_M - V_\infty = A_{M\infty} \Rightarrow V_M = A_{M\infty}$$

Diện thế tại một điểm trong điện trường là một đại lượng về trị số bằng công của lực tĩnh điện trong sự dịch chuyển một đơn vị điện tích dương từ điểm đó ra xa vô cùng.

Ví dụ : Cho hai điện tích điểm $q_1 = 8.10^{-8}$ C; $q_2 = -3.10^{-8}$ C đặt trong không khí tại hai điểm M , N cách nhau 10 cm. Tại điểm A đặt một điện tích thử q_0 , điểm B nằm giữa M và N. Cho MA = 9 cm; NA = 7 cm; MB = 4 cm; NB = 6 cm; $q_0 = 5.10^{-10}$ C.

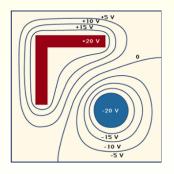
- a. Tính cường độ điện trường tại hai điểm A và B.
- b. Tính điện thế tại A và B.
- c. Tính công dịch chuyển điện tích q_0 từ A đến B.

Ví dụ 3: Một đĩa tròn bán kính $R=8{\rm cm}$ tích điện đều với mật độ điện mặt $\sigma=10^{-3}{\rm C/m^2}.$

- a. Xác định cường độ điện trường tại một điểm nằm trên trục của đĩa và cách tâm đĩa một đoạn h= $6~\rm cm$.
- b. Chứng minh rằng nếu $h\to 0$ thì biểu thức thu được sẽ chuyển thành biểu thức tính cường độ điện trường gây bởi một mặt phẳng vô hạn mang điện đều.
- c. Chứng minh rằng nếu $h\gg R$ thì biểu thức thu được chuyển thành biểu thức tính cường độ điện trường gây bởi một điện tích điểm.

4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 9

1. Định nghĩa



Định nghĩa: Mặt đẳng thế là quỹ tích những điểm có cùng điện thế.

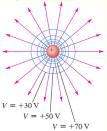
- Được mô tả bằng những đường đồng mức 2 chiều, mỗi điểm trên đó biểu diễn cùng 1 giá trị điện thế (hình ảnh nhận được giống như bản đồ địa hình).
- Phương trình của mặt đẳng thế: V(x, y, z) = C
- Thí du:

$$V(r) = \frac{W}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{q}{r}$$

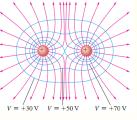
Tất cả những điểm cách q một khoảng r đều có cùng điện thế \Rightarrow phương trình của mặt đẳng thế r= const.

Mặt đẳng thế

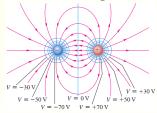
Điện tích điểm



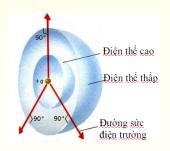
Hai điện tích cùng dấu



Hai điện tích ngược dấu

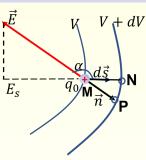


2. Tính chất của mặt đẳng thế



- Công lực tĩnh điện khi dịch chuyển 1 điện tích trên mặt đẳng thế $A_{MN} = q_0(V_M V_N) = 0$.
- Vector \vec{E} tại mỗi điểm trên mặt đẳng thế \perp mặt đẳng thế tại điểm đó,
- Các mặt đẳng thế không cắt nhau
- Mật độ đường đẳng thế xác định cường độ điện trường.

Hệ thức liên hệ giữa điện trường và điện thế



- Xét M và N tương ứng điện thế V và V+dV, vớ dV>0 trong điện trường E.
- Công của lực tĩnh điện để dịch chuyển q_0 từ $M \to N$:

$$dA = q_0[V - (V + dV)] = -q_0 dV$$

$$dA = q_0 \vec{E} d\vec{s} \Rightarrow \vec{E} d\vec{s} = E ds \cos \alpha = -dV < 0$$

- $-\cos\alpha<0\Rightarrow\alpha$ là góc tù:
 - Véctơ cường độ điện trường luôn luôn hướng theo chiều giảm của điện thế.
- Chiếu lên phương dịch chuyển ds có: $E.ds.\cos\alpha = E_s ds = -dV$ $\Rightarrow E_s = -\frac{dV}{ds}, -dV$: độ giảm điện thế trên ds

Hình chiếu của vector cường độ điện trường trên một phương nào đó về trị số bằng độ giảm điện thế trên một đơn vị dài của phương đó.

Mối liên hệ giữa cường độ điện trường và điện thế

Do phương \vec{ds} là bất kì nên kết quả trên cũng đúng với mọi phương khác.

$$E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}; E_y = -\frac{\partial V}{\partial y}; E_z = -\frac{\partial V}{\partial z}$$
 (24)

Như vậy:

$$\vec{E} = E_x \vec{i} + E_y \vec{j} + E_z \vec{k} = -\left(\frac{\partial V}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \vec{k}\right)$$
$$= -\left(\frac{\partial}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial}{\partial z} \vec{k}\right) V \qquad (25)$$

$$\vec{E} = -gr\vec{a}dV \tag{26}$$

Vector cường độ điện trường tại một điểm bất kì trong điện trường bằng và ngược dấu với gradient của điện thế tại điểm đó.

4 □ ト ← □ ト ← 亘 ト → 亘 → りへ()

Kết luận

- Véctơ cường độ điện trường \vec{E} luôn luôn hướng theo chiều giảm của điện thế (góc α tù).
- Hình chiếu của \vec{E} lên một phương nào đó về trị số bằng độ giảm điện thế trên một đơn vị dài của phương đó:

$$E_s = -\frac{dV}{ds} \tag{27}$$

Trong hệ tọa độ Descartes, biểu thức (27) được tổng quát hoá như sau:

$$\vec{E} = -gr\vec{a}dV = -\left(\vec{i}\frac{\partial V}{\partial x} + \vec{j}\frac{\partial V}{\partial y} + \vec{k}\frac{\partial V}{\partial z}\right)$$
(28)

 Lân cận một điểm trong điện trường, điện thế biến thiên nhiều (nhanh) nhất theo phương pháp tuyến với mặt đẳng thế (hay theo phương của đường sức điện trường vẽ qua điểm đó).

$$\left|\frac{dV}{dn}\right| \geqslant \left|\frac{dV}{ds}\right|$$

50/55

3. Ứng dụng

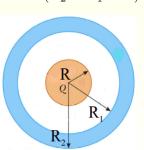
• Hiệu điện thế giữa hai mặt phẳng song song vô hạn mang điện đều, trái dấu, các nhau một khoảng d: Theo (27) cường độ điện trường về trị số bằng độ giảm điện thế trên một đơn vị chiều dài:

$$E = \frac{V_1 - V_2}{d} = \frac{U}{d}$$

Định nghĩa (V/m): Cường độ điện trường của một điện trường đều mà hiệu thế dọc theo mỗi mét đường sức bằng một Vôn (Volt).

3. Úng dụng

② Hiệu điện thế giữa hai điểm cách mặt mặt cầu R_1 và R_2 trong điện trường của một mặt cầu mang điện đều bán kính R $(R_2 > R_1 > R)$



$$-dV = Edr = k\frac{Qdr}{\epsilon r^2}$$

$$V_1 - V_2 = \int_{R_1}^{R_2} k\frac{Qdr}{\epsilon r^2} = \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right)$$
- Khi $R_1 = R, R_2 = \infty$

$$\Rightarrow V = \frac{kQ}{\epsilon R}$$

3. Ứng dụng

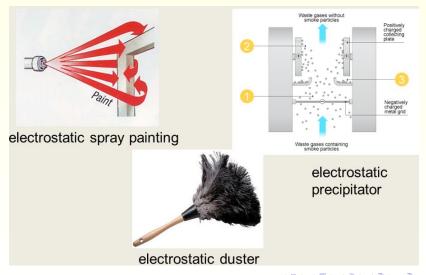
Hiệu điện thế giữa hai điểm trong điện trường của mặt trụ thẳng dài vô hạn mang điện đều

$$E = \frac{Q}{2\pi\epsilon_0 \epsilon \ell r}$$

Hiệu điện thế tại hai điểm M, N nằm cách trục của mặt trụ những đoạn r_M, r_N được xác định

$$V_M - V_N = \int_{V_M}^{V_N} -dV = \int_{r_M}^{r_N} E dr = \int_{r_M}^{r_N} \frac{Q}{2\pi\epsilon\epsilon_0 \ell} \frac{dr}{r} = \frac{Q}{2\pi\epsilon\epsilon_0 \ell} \ln \frac{r_N}{r_M}$$

3. Ứng dụng



Ví dụ 4: Cho một vành tích tròn tích điện đều.

- a). Tính điện thế tại điểm P, nằm trên trục đối xứng của vành tròn, cách tâm O một đoạn h.
- b). Tính biểu thức của cường độ điện trường tại P.