Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

Факультет «Специальное машиностроение» Кафедра «Автономные информационные и управляющие системы»

Лабораторная работа №7 по дисциплине «ОСНОВЫ ТЕОРИИ ЦЕПЕЙ»

Анализ первичных параметров пассивных четырехполюсников

Вариант № 1

Выполнил ст. группы РЛ6-41 Филимонов Степан

Фамилия И.О.

Проверил Копейкин Р. Е.

Оценка в баллах_____

Цель работы: изучить первичные характеристики и основные уравнения связи пассивных четырехполюсников, научиться экспериментально определять первичные параметры четырёхполюсника в режимах холостого хода и короткого замыкания.

Задание:

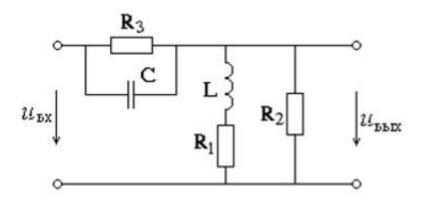


Рис. 7.1. Электрическая схема пассивного четырехполюсника

Параметры цепи:

L, мГн	С, мкФ	R1, Ом	R2, Ом	R3, Ом	Um, B	f, Гц
2	8	6	200	2	115	1000

- 1. Рассчитать первичные A, Z, и Y параметры (для расчета рассмотреть исследуемые схемы в режимах холостого хода и короткого замыкания). Результаты занести в табл. 4, в столбец Расчет.
- 2. В программе MicroCap собрать исследуемую схему, согласно своему варианту. Осуществить необходимые режимы работы четырёхполюсников.
- 3. Измерить требуемы первичные параметры четырехполюсников, воспользовавшись функцией частотного анализа (AC) и занести их в таблицу 4, в столбец Измерено.
- 4. Сопоставить вычисленные и измеренные первичные параметры четырехполюсников. Вычислить среднее значение погрешности измерений. Сделать выводы.

Расчёт первичных параметров

Обозначим на схеме токи, напряжения, узлы, первичные (входные) и вторичные (выходные) зажимы (Рис. 7.2).

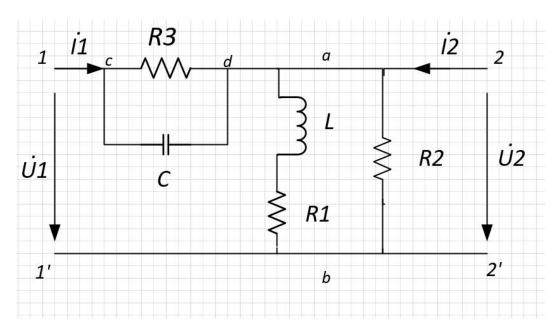


Рис. 7.2. Схема пассивного четырехполюсника

Рассчитаем реактивные сопротивления схемы:

$$X_L=\omega L=2\pi fL=2\times 3.14\times 1000\times 2\times 10^{-3}=12.560$$
 Om;
$$X_C=\frac{1}{\omega C}=\frac{1}{2\pi fC}=\frac{1}{2\times 3.14\times 1000\times 8\times 10^{-6}}=19.90$$
 Om.

Рассчитаем комплексные реактивные сопротивления относительно узлов схемы:

$$\underline{Z}_{cd} = \frac{R \cdot (-jX_C)}{R - jX_C} =$$

$$\underline{Z}_{ab} = \frac{R_2 \cdot (R_1 + jX_L)}{R_2 + R_1 + jX_L} =$$

Нарисуем эквивалентную схему

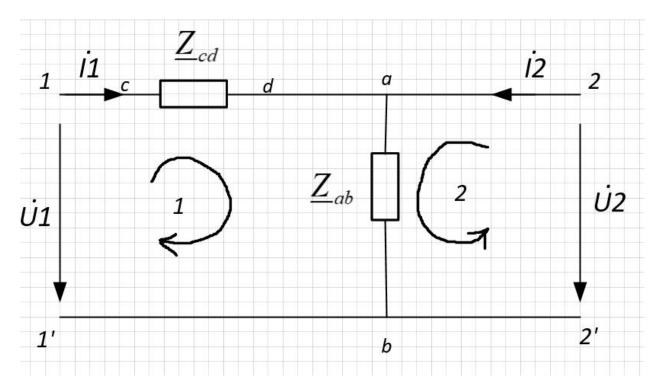


Рис. 7.3. Эквивалентная схема пассивного четырехполюсника

1. Рассчитаем А-параметры через режимы холостого хода и короткого замыкания. Запишем уравнения связи четырехполюсника в Аформе. При выбранном направлении тока \dot{I}_2 , уравнения связи будут иметь вид:

$$\begin{cases}
\dot{U}_1 = \underline{A}_{11}\dot{U}_2 - \underline{A}_{12}\dot{I}_2 \\
\dot{I}_1 = \underline{A}_{21}\dot{U}_2 - \underline{A}_{22}\dot{I}_2
\end{cases} \tag{1}$$

Идея в том, чтобы обнулить напряжения и токи в правой части уравнения.

1.1. Обнулим сначала ток $\dot{I}_2 = 0$. Это означает наличие B правой части схемы, на клеммах 2 - 2 режима холостого хода. При этом уравнения (1) будут иметь следующий вид:

$$\dot{U}_{1xx} = \underline{A}_{11}\dot{U}_{2xx}; \ \dot{I}_{1xx} = \underline{A}_{21}\dot{U}_{2xx}.$$

(2)

Запишем уравнение по 2-му закону Кирхгофа для 1-го контура (Рис. 7.3)

$$\dot{U}_{1xx} = \dot{I}_{1xx} \cdot \left(\underline{Z}_{cd} + \underline{Z}_{ab}\right),\tag{3}$$

и для второго контура

$$\dot{U}_{2xx} = \dot{I}_{1xx} \cdot \underline{Z}_{ab}.\tag{4}$$

Из уравнения (4) получаем

$$\dot{I}_{1xx} = \frac{1}{\underline{Z}_{ab}} \dot{U}_{2xx}. \tag{5}$$

Сравнивая (5) и 2-ое уравнение из (2), видим, что

$$\underline{A}_{21} = \frac{1}{\underline{Z}_{ab}} = 0.0359 - 0.0648i \text{ Cm}$$

Подставим (5) в (3), получим

$$\dot{U}_{1xx} = \frac{\left(\underline{Z}_{cd} + \underline{Z}_{ab}\right)}{\underline{Z}_{ab}} \dot{U}_{2xx}.\tag{6}$$

Сравнивая (6) и первое уравнение из (2), видим, что

$$\underline{A}_{11} = \frac{(\underline{Z}_{cd} + \underline{Z}_{ab})}{\underline{Z}_{ab}} = 1.0583 - 0.1355i$$

1.2. Теперь, в правой части уравнений (1) обнулим напряжение $U^2=0$, это эквивалентно **режиму короткого замыкания на 2 — 2'** (т.е. 2 соединена с 2'). Тогда уравнения (1) будут иметь вид:

$$\dot{U}_{1\kappa\beta} = -\underline{A}_{12}\dot{I}_{2\kappa\beta}; \quad \dot{I}_{1\kappa\beta} = -\underline{A}_{22}\dot{I}_{2\kappa\beta}. \tag{7}$$

Так как ток $\dot{I}_{1\kappa 3}$ идет по закоротке 2 — 2' ,

$$\dot{I}_{1K3} = -\dot{I}_{2K3}. (8)$$

Сравнивая второе уравнение из (7) и (8), видим, что

$$\underline{A}_{22}=1.$$

Уравнение по 2-му ЗК для 1-го контура (рис. 7.3)

$$\dot{U}_{1\kappa3} = \dot{I}_{1\kappa3} \cdot \underline{Z}_{cd} = -\underline{Z}_{cd} \cdot \dot{I}_{2\kappa3}. \tag{9}$$

Сравнивая (9) и первое уравнение из (7), видим, что

$$\underline{A}_{12} = \underline{Z}_{cd} = 1.9800 - 0.1991i \text{ Om}$$

2. Расчет Z-параметров:

Запишем уравнения связи четырехполюсника в Z-форме. При выбранном направлении тока \dot{I}_2 , уравнения связи будут иметь вид:

$$\begin{cases}
\dot{U}_1 = \underline{Z}_{11}\dot{I}_1 + \underline{Z}_{12}\dot{I}_2 \\
\dot{U}_2 = \underline{Z}_{21}\dot{I}_1 + \underline{Z}_{22}\dot{I}_2
\end{cases}$$
(11)

В правой части уравнения (11) стоят два тока, для того чтобы найти коэффициенты Z будем поочередно их обнулять.

2.1. Обнулим сначала ток $\dot{I}_2 = 0$. *Это означает наличие в* правой части схемы, на клеммах 2 - 2 режима холостого хода. При этом уравнения (11) будут иметь следующий вид:

$$\dot{U}_{1xx} = \underline{Z}_{11} \dot{I}_{1xx}; \ \dot{U}_{2xx} = \underline{Z}_{21} \dot{I}_{1xx}. \tag{12}$$

 \underline{Z}_{11} — сопротивление четырехполюсника относительно зажимов 1-1' при холостом ходе на зажимах 2-2', сравнивая (3) и первое уравнение из (12), видим, что:

$$\underline{Z}_{11} = \frac{\dot{U}_{1xx}}{\dot{I}_{1xx}} = \left(\underline{Z}_{cd} + \underline{Z}_{ab}\right) = 8.5251 + 11.6020i \text{ Om}$$

 Z_{21} — сопротивление четырехполюсника относительно зажимов 2-2' при холостом ходе на зажимах 2-2', сравнивая (4) и второе уравнение из (12), видим, что:

$$\underline{Z}_{21} = \frac{\dot{v}_{2xx}}{\dot{r}_{1xx}} = \underline{Z}_{ab} = 6.5451 + 11.8011i \text{ Om}$$

2.2. Теперь в уравнениях (11) обнулим ток $\mathbf{I}\mathbf{1}=\mathbf{0}$, это эквивалентно **режиму холостого хода на зажимах 1 — 1**', а уравнения (11) преобразуются к виду:

$$\dot{U}_{1xx} = \underline{Z}_{12}\dot{I}_{2xx}; \ \dot{U}_{2xx} = \underline{Z}_{22}\dot{I}_{2xx} \tag{13}$$

Уравнение по 2-му ЗК для 1-го контура (рис. 7.3) будет иметь вид:

$$\dot{U}_{1xx} = \underline{Z}_{ab}\dot{I}_{2xx}.\tag{14}$$

Сравнивая (14) и первое уравнение из (13), видим, что

$$\underline{Z}_{12} = \frac{\dot{u}_{1xx}}{\dot{l}_{2xx}} = \underline{Z}_{ab} = 6.5451 + 11.8011i \text{ Om}$$

Уравнение по 2-му ЗК для 2-го контура (рис. 7.3) тоже будет иметь вид (14), а значит:

$$\underline{Z}_{22} = \frac{\dot{U}_{2xx}}{\dot{I}_{1xx}} = \underline{Z}_{ab} = 6.5451 + 11.8011i \text{ Om}$$

3. Расчет У-параметров:

Запишем уравнения связи четырехполюсника в Y-форме. При выбранном направлении тока \mathbf{I}_2 , уравнения связи будут иметь вид:

$$\begin{cases}
\dot{I}_{1} = \underline{Y}_{11} \dot{U}_{1} + \underline{Y}_{12} \dot{U}_{2} \\
\dot{I}_{2} = \underline{Y}_{21} \dot{U}_{1} + \underline{Y}_{22} \dot{U}_{2}
\end{cases} (15)$$

В правой части уравнения (15) стоят два напряжения, для того чтобы найти коэффициенты Y будем поочередно их обнулять.

3.1. Обнулим сначала напряжение $\dot{U}_2 = 0$. Это означает наличие в правой части схемы, на клеммах 2 - 2' режима короткого замыкания (т.е. 2 соединена с 2'). При этом уравнения (15) будут иметь следующий вид:

$$\dot{I}_{1\kappa3} = \underline{Y}_{11} \dot{U}_{1\kappa3}; \ \dot{I}_{2\kappa3} = \underline{Y}_{21} \dot{U}_{1\kappa3}. \tag{16}$$

Так как ток $\dot{I}_{1\kappa 3}$ идет по закоротке 2 — 2', уравнение по 2-му ЗК для 1-го контура рис. 7.3 будет иметь вид:

$$\dot{U}_{1_{K3}}=\dot{I}_{1_{K3}}\cdot\left(\underline{Z}_{cd}\right)$$
, отсюда $\dot{I}_{1_{K3}}=\frac{1}{\underline{Z}_{cd}}\cdot\dot{U}_{1_{K3}}.$ (17)

Сравнивая (17) и 1-ое уравнение из (16), видим

$$\underline{Y}_{11} = \frac{\dot{I}_{1_{KS}}}{\dot{U}_{1_{KS}}} = \frac{1}{\underline{Z}_{cd}} = 0.5000 + 0.0503i \text{ Cm}$$

Заметим, что $\dot{I}_{1\kappa 3} = -\dot{I}_{2\kappa 3}$, а значит уравнение (17) можно записать

$$\dot{I}_{2\kappa_3} = -\frac{1}{\underline{Z}_{cd}} \cdot \dot{U}_{1\kappa_3} \,. \tag{18}$$

Сравнивая (18) и 2-ое уравнение из (16), видим

$$\underline{Y}_{21} = \frac{\dot{I}_{2_{KS}}}{\dot{U}_{1_{KS}}} = -\frac{1}{\underline{Z}_{cd}} = -0.5000 - 0.0503i \text{ Cm}$$

3.2. Теперь обнулим напряжение $\dot{U}1=0$. Это эквивалентно режиму короткого замыкания на клеммах 1-1′ (т.е. 1 соединяется с 1' рис. 7.4)

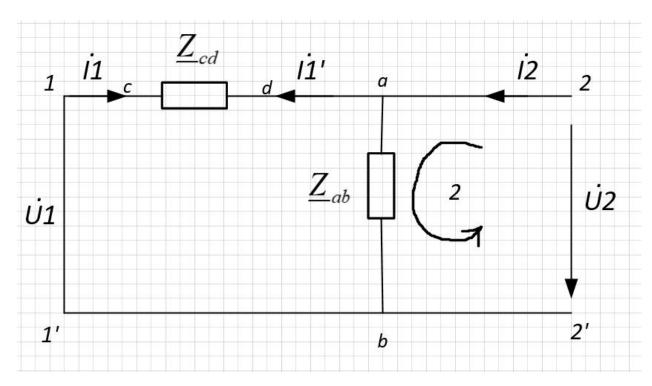


Рис. 7.4. Короткое замыкание на зажимах 1-1'

Уравнения (15) теперь будут иметь следующий вид:

$$\dot{I}_{1_{K3}} = \underline{Y}_{12} \dot{U}_{2_{K3}}; \ \dot{I}_{2_{K3}} = \underline{Y}_{22} \dot{U}_{2_{K3}}.$$
 (19)

Так как зажим 1 соединен с 1', относительно зажимов 2-2' сопротивления \underline{Z}_{cd} и \underline{Z}_{ab} будут соединены параллельно (рис. 7.4), и по 2-му 3К для контура 2:

$$\dot{U}_{2\kappa3} = \dot{I}_{2\kappa3} \cdot \frac{\underline{Z}_{cd} \cdot \underline{Z}_{ab}}{\underline{Z}_{cd} + \underline{Z}_{ab}} , \text{ отсюда } \dot{I}_{2\kappa3} = \frac{\underline{Z}_{cd} + \underline{Z}_{ab}}{\underline{Z}_{cd} \cdot \underline{Z}_{ab}} \cdot \dot{U}_{2\kappa3}. \tag{20}$$

Сравнивая 2-ое уравнение из (19) и (20), видим, что

$$\underline{Y}_{22} = \frac{\dot{I}_{2\kappa 3}}{\dot{U}_{2\kappa 3}} = \frac{\underline{Z}_{cd} + \underline{Z}_{ab}}{\underline{Z}_{cd} \cdot \underline{Z}_{ab}} = 0.5359 - 0.0145i \text{ Cm}$$

Обозначим на схеме ток $\dot{I}'_1 = -\dot{I}_{1\kappa 3}$. По схеме рис. 7.4 видим, что

$$\dot{U}_{2\kappa_3} = \dot{I}'_1 \cdot \underline{Z}_{cd}$$
 отсюда $\dot{I}_{1\kappa_3} = -\frac{1}{\underline{Z}_{cd}} \dot{U}_{2\kappa_3}$. (21)

Сравнивая 1-ое уравнение из (19) и (21), видим, что

$$\underline{Y}_{12} = \frac{\dot{I}_{1_{K3}}}{\dot{U}_{2_{K3}}} = -\frac{1}{\underline{Z}_{cd}} = -0.5000 - 0.0503i \text{ CM}$$

Пересчитаем числа в показательной форме и занесем результаты расчетов в табл. 4 методических указаний в столбцы Расчет

Экспериментальное определение первичных параметров

1. Соберем схему четырехполюсника в среде Місгосар.

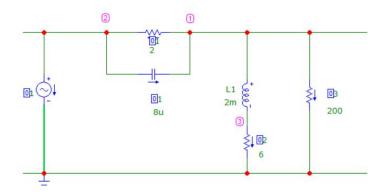


Рис. 7.5. Модель электрической схемы в среде Місгосар

На вход будем подавать синусоидальное напряжение с амплитудой 115 В и частотой 1 кГц, согласно варианту.

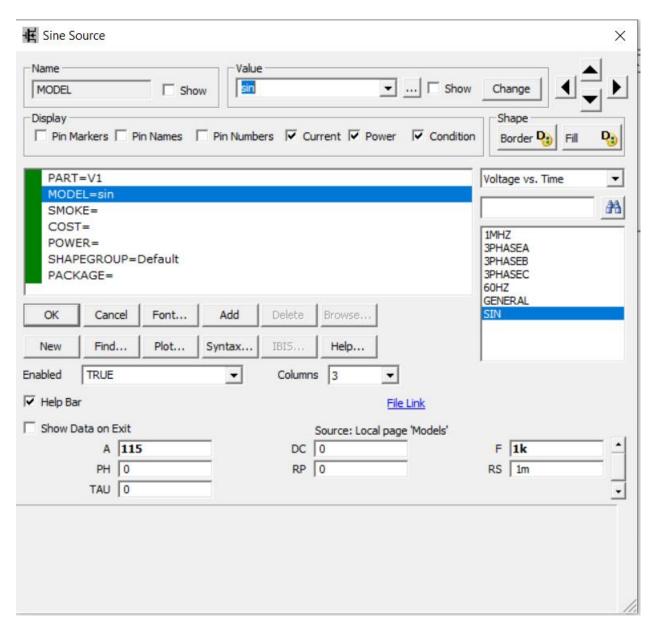


Рис. 7.5. Параметры настройки источника синусоидального напряжения

Для измерения первичных параметров воспользуемся возможностями частотного анализа (AC), в окне установок зададим диапазон частот, количество точек (Рис. 3)

Измерение коэффициентов А:

В правой части схемы, на клеммах 2-2' – холостой ход: Ток $\dot{I}2=0$.

Определение коэффициента А11:

Определение нужного отношения:

$$A_{11} = \left(\frac{\dot{U}_1}{\dot{U}_2}\right)_{\dot{I}_2 = 0} = \frac{v(V1)}{v(R3)}$$

Зададим полученное выражение в окне частотного анализа для AЧX и ФЧX (Рис. 7.6)

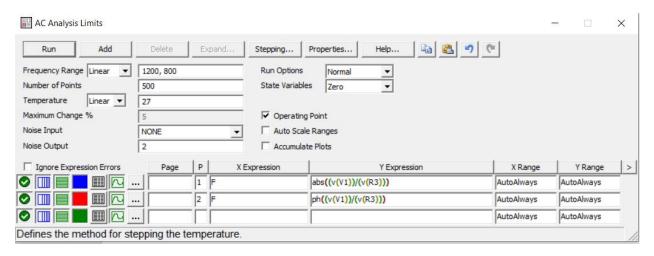
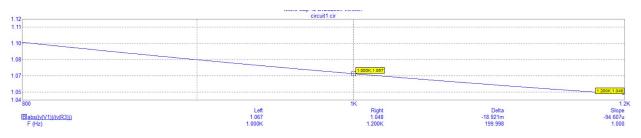


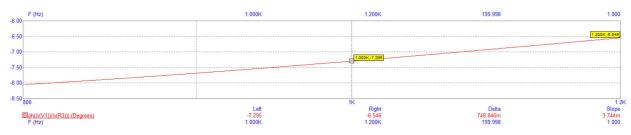
Рис. 7.6. Окно установок частотного анализа.

Запустим анализ. Получим следующие характеристики

АЧХ:



ФЧХ:



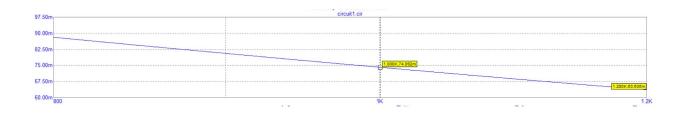
Измерим на частоте 1000 Гц значение амплитуды и фазы комплексного числа. Результаты занесем в таблицу 4.

Определение коэффициента А21:

Определение нужного отношения:

$$A_{21} = \left(\frac{\dot{I}_1}{\dot{U}_2}\right)_{\dot{I}_2 = 0} = \frac{-i(V1)}{v(R3)}$$

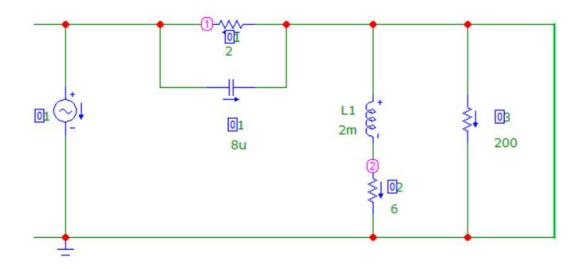
АЧХ



ФЧХ



Изменим схему: В правой части схемы, на клеммах 2-2' – короткое замыкание: Напряжение $\dot{U}2=0$.



Определение коэффициента А12:

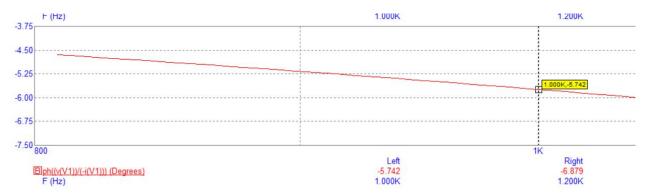
Определение нужного отношения:

$$A_{12} = \left(\frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_2}\right)_{\dot{U}_2 = 0} = \left(\frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_1}\right)_{\dot{U}_2 = 0} = \frac{v(V1)}{-i(V1)}$$

АЧХ



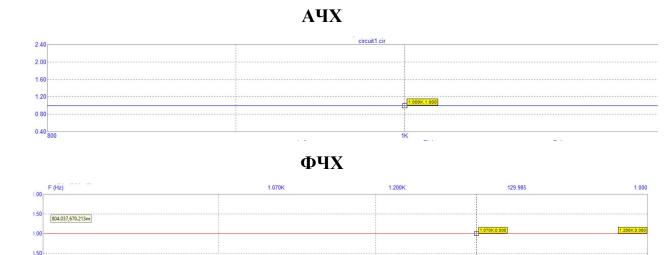
ФЧХ



Определение коэффициента А22:

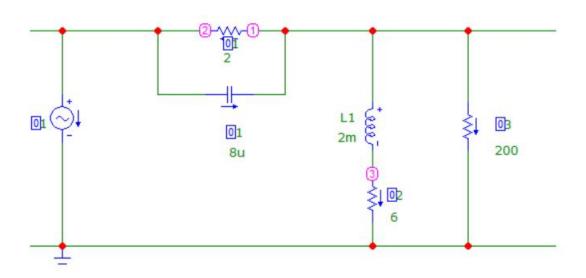
Определение нужного отношения:

$$A_{22} = \left(\frac{\dot{I}_1}{\dot{I}_2}\right)_{\dot{U}_2=0} = \left(\frac{\dot{I}_1}{\dot{I}_1}\right)_{\dot{U}_2=0} = \frac{-i(V1)}{-i(V1)}$$



Измерение коэффициентов Z:

В правой части схемы, на клеммах 2-2' – холостой ход: Ток $I\dot{2}$ =0.

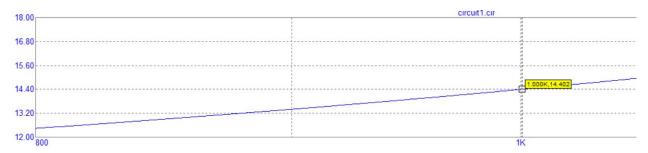


Определение коэффициента Z11:

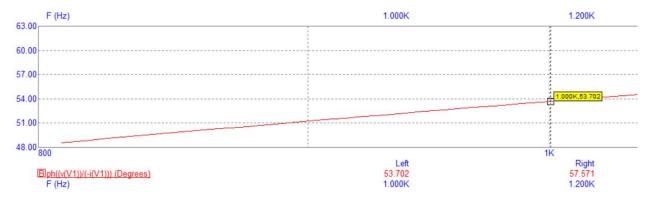
Определение нужного отношения:

$$Z_{11} = \left(\frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_1}\right)_{\dot{I}_2'=0} = \frac{v(V1)}{-i(V1)}$$

АЧХ



ФЧХ

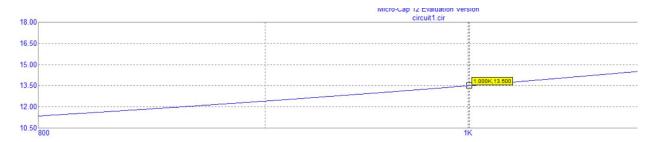


Определение коэффициента Z21:

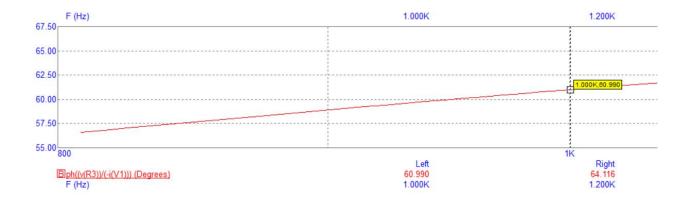
Определение нужного отношения:

$$Z_{21} = \left(\frac{\dot{U}_2}{\dot{I}_1}\right)_{\dot{I}_2 = 0} = \frac{v(R3)}{i(V1)}$$

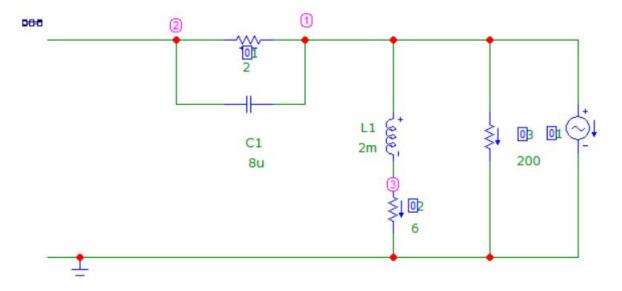
АЧХ



ФЧХ



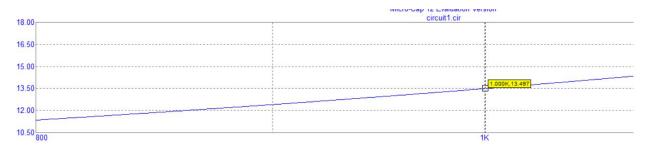
Изменим схему: Переносим источник в правую часть схемы на клеммы 2-2′, на клеммах 1-1′ – холостой ход: Ток $\dot{I}\dot{1}=0$.



Определение коэффициента Z12:

$$Z_{12} = \left(\frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_2}\right)_{\dot{I}_1 = 0} = \frac{v(2)}{-i(V1)}$$

АЧХ



ФЧХ

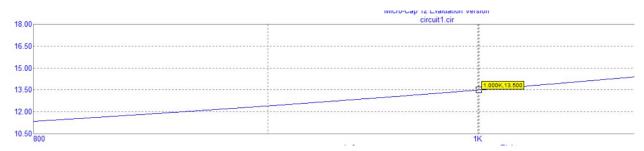


Определение коэффициента Z22:

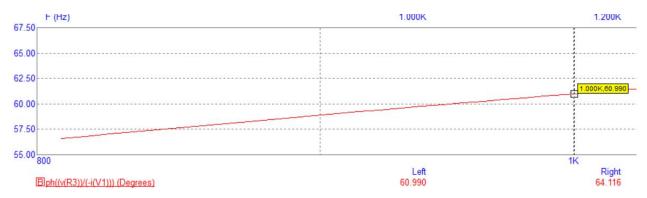
Определение нужного отношения:

$$Z_{22} = \left(\frac{\dot{U}_2}{\dot{I}_2}\right)_{\dot{I}_1 = 0} = \frac{v(R3)}{-i(V1)}$$

АЧХ

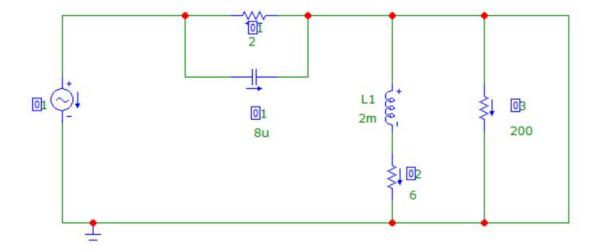


ФЧХ



Измерение коэффициентов Ү:

В правой части схемы, на клеммах 2-2' – короткое замыкание: Напряжение U2=0.

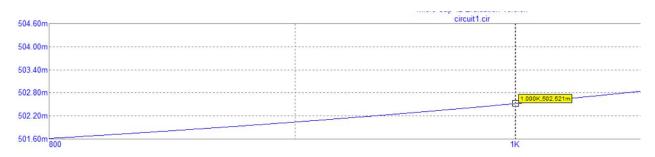


Определение коэффициента Ү11:

Определение нужного отношения:

$$Y_{11} = \left(\frac{\dot{I}_1}{\dot{U}_1}\right)_{\dot{U}_2 = 0} = \frac{-i(V1)}{v(V1)}$$

АЧХ



ФЧХ

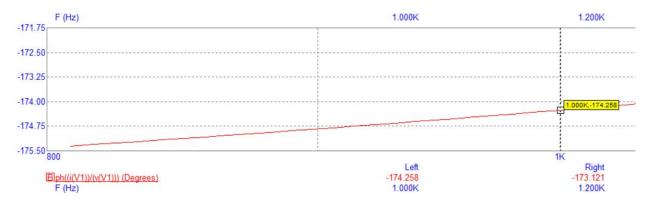


Определение коэффициента Y21:

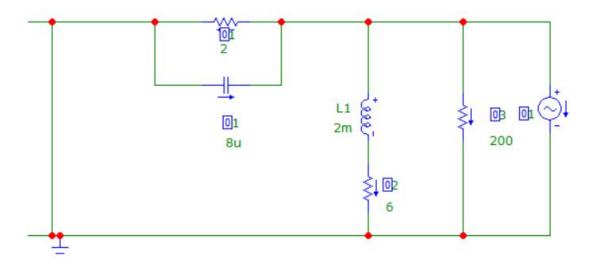
Определение нужного отношения:

$$Y_{21} = \left(\frac{\dot{l}_2}{\dot{U}_1}\right)_{\dot{U}_2 = 0} = \frac{i(V1)}{v(V1)}$$

ФЧХ



Изменим схему: Перенесем источник в правую часть схемы на клеммы 2-2, на клеммах 1-1 – короткое замыкание: Напряжение $\dot{U}1=0$.

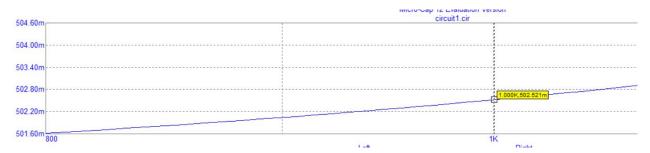


Определение коэффициента Y12:

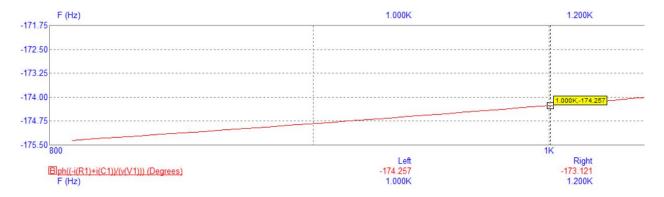
Определение нужного отношения:

$$Y_{12} = \left(\frac{\dot{I}_1}{\dot{U}_2}\right)_{\dot{U}_1 = 0} = \frac{-i(R1) + i(C1)}{v(V1)}$$

АЧХ



ФЧХ

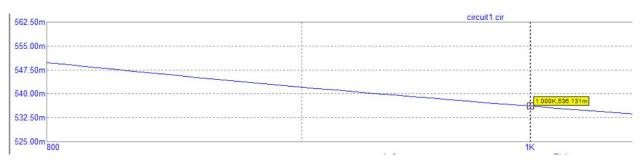


Определение коэффициента Y22:

Определение нужного отношения:

$$Y_{22} = \left(\frac{\dot{I}_2}{\dot{U}_2}\right)_{\dot{U}_1 = 0} = \frac{-i(V1)}{v(V1)}$$

АЧХ



ФЧХ



Занесем результаты измерений в табл. 4 в столбцы Измерено

Таблица 4. Результаты расчетов и измерений первичных параметров

Параметры	Расчет		Измерено	
четырех- полюсника	Модуль	Аргумент (в град)	АЧХ	ФЧХ
A ₁₁	1.0669	-7.2946	1.067	-7.33
A_{12}	1.9900	-5.7407	1.99	-5,742
A_{21}	0.0741	-60.9863	0,074	-60,91
A_{22}	1.0000	0	1	0
Z_{11}	14.3974	53.6918	14.402	53,66

Z_{12}	13.4946	60.9863	13.497	60,995
Z_{21}	13.4946	60.9863	13.5	61,001
Z_{22}	13.4946	60.9863	13.5	-119,010
Y ₁₁	0.5025	5.7407	0.5025	5.7404
Y ₁₂	0.5025	-174.2593	0.502521	-174,283
Y_{21}	0.5025	-174.2593	0.5025	-174.283
Y_{22}	0.5361	-1.5539	0.536131	-1.562

Вычисление среднего значения погрешности по модулю и по фазе: $\Delta x {\bf 1} = \frac{1}{N} \sum_{i}^{N} \Delta x_{i}$

$$\Delta x \mathbf{1} = \frac{1}{N} \sum_{i}^{N} \Delta x_{i}$$

Выводы:

Я выполнил все цели работы.

Вычисления с заданными параметрами, с учетом изменений схемы и связи параметров между собой, выполнены в среде MatLAB

(вычисления можно выполнить в другой вычислительной среде или вручную)

```
% Исходные данные и расчёт реактивных сопротивлений
R1=6;
R2=200;
R3=2;
f=1000;
C=8*10^{-6};
L=2*10^{-3};
Xc=1/(2*pi*f*C);
X1=2*pi*f*L;
% Расчёт комплексных сопротивлений между точками схемы
Zab=R2*(R1+1i*X1)/(R2+R1+1i*X1);
Zcd=R3*(-1i*Xc)/(R3-1i*Xc);
%Расчёт А-параметров
% в алгебраической форме
A11z = (Zab + Zcd) / Zab;
A12z=Zcd;
A21z=1/Zab;
A22z=1;
% Зададим матрицу А
A = [A11z \ A12z;
   A21z A22z];
disp('A=');
disp(A);
% модули комплексных чисел матрицы А
modA=abs(A);
disp('modA=');
disp(modA);
% аргументы комплексных чисел матрицы А в градусах
argA=angle(A)*(180/pi);
disp('argA=');
disp(arqA);
%Расчёт Z-параметров
% в алгебраической форме
Z11z=Zab+Zcd;
Z12z=Zab;
Z21z=Zab;
Z22z=Zab;
% Зададим матрицу Z
Z = [Z11z Z12z;
```

```
Z21z Z22z];
disp('Z=');
disp(Z);
% модули комплексных чисел матрицы Z
modZ=abs(Z);
disp('modZ=');
disp(modZ);
% аргументы комплексных чисел матрицы Z в градусах
argZ=angle(Z)*(180/pi);
disp('argZ=');
disp(argZ);
%Рассчет У-параметров
% в алгеброической форме
Y11z=1/Zcd;
Y12z=-1/Zcd;
Y21z=-1/Zcd;
Y22z = (Zab + Zcd) / (Zab * Zcd);
% Зададим матрицу Ү
Y = [Y11z Y12z;
   Y21z Y22z1;
disp('Y=');
disp(YZ);
% модули комплексных чисел матрицы Ү
modY=abs(Y);
disp('modY=');
disp(modY);
% аргументы комплексных чисел матрицы Y в градусах
argY=angle(YZ)*(180/pi);
disp('argY=');
disp(argY);
                        Результаты вычислений
A=
 0.0359 - 0.0648i 1.0000 + 0.0000i
modA=
 1.0669 1.9900
 0.0741 1.0000
argA=
 -7.2946 -5.7407
```

-60.9863 0

Z=

8.5251 +11.6020i 6.5451 +11.8011i

6.5451 +11.8011i 6.5451 +11.8011i

modZ=

14.3974 13.4946

13.4946 13.4946

argZ=

53.6918 60.9863

60.9863 60.9863

Y=

0.5000 + 0.0503i -0.5000 - 0.0503i

modY=

0.5025 0.5025

0.5025 0.5361

argY=

5.7407 -174.2593

-174.2593 -1.5539