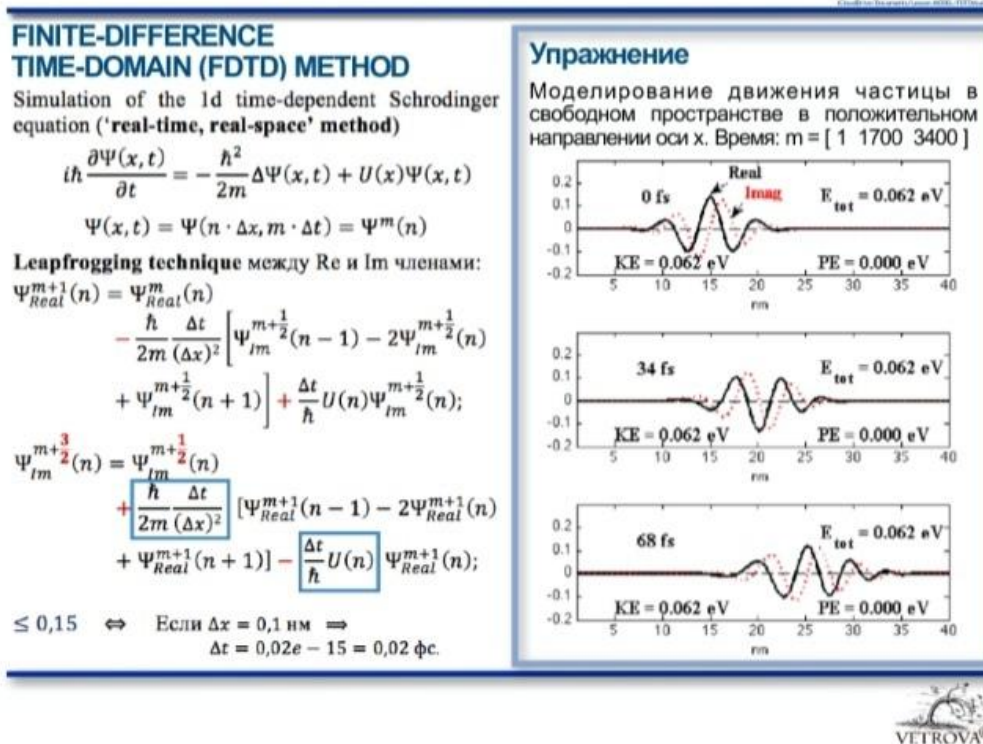


Задача:

Моделирование движение частицы в свободном пространстве в положительном направлении оси x.

Фото задания:



Код Matlab:

```
cla reset;
hold on;
load("constans.mat");
```

#### • Константы и значения

```
i = sqrt(-1);
Np = 400; % Количество точек в проблемном пространстве
T = 0;
Nstep=1;
time = [1 1700 3400];
meff = 1; % эффективная масс: Si is 1.08, Ge is 0.067, GaAs is 0.55
m = meff * m0; % Масса электрона
dx = 0.1e-9; % Размер ячейки
dt = 2e-17; % Временные шаги
```

$$ra = \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2}$$

```
ra = (hbar / (2 * m)) * (dt / (dx)^2) % Коэффициент номер 1, должен быть меньше < 0.15
```

```
ra = 0.1158
```

```
DX = dx*1e9; % Целое количество нм
```

```
XX = (1:Np)*DX; % Длина в нм для построения графика
```

```
Dsquared = (diag(ones(1,Np-1),1) - 2 * diag(ones(1,Np)) + diag(ones(1,Np-1),-1)); % диагональ
```

#### • Потенциал

$$U(n) = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & \dots & 0 & 1 & -2 & 1 \\ 0 & \dots & 0 & 0 & 1 & -2 \end{bmatrix}$$

```
V = zeros(1,Np)' + eV2J*1e-1;
```

```
% V = zeros(1,Np)'; % 0..- => ' => 0 | .. вертикальной сделает
```

```
% V = [zeros(1,Np/2) + 0.1 zeros(1,Np/2)]'*eV2J; % половина нули половина eV2J
```

```
% V = zeros(1,Np)' + eV2J;
```

#### • Инициализируем синусоидальную волну в гауссовой огибающей

```
lambda = 30; % Длина волны импульса
```

```
sigma = 20; % Ширина импульса
```

```
nc = 100; % Исходное положение
```

```
n=(1:Np)';
```

$$P = e^{-\frac{(n - \text{исходное положение})^2}{2 * \text{ширина импульса}^2}} * \left( \cos\left(2\pi \frac{n - \text{исходное положение}}{\text{длина волны}}\right) + i * \sin\left(2\pi \frac{n - \text{исходное положение}}{\text{длина волны}}\right) \right)$$

```
Pulse = exp(-0.5*((n-nc)/sigma).^2).*(cos(2*pi*(n-nc)/lambda) + i*sin(2*pi*(n-nc)/lambda));
```

```
PulseReal = real(Pulse); % Реальная часть импульса
```

```
PulseImag = imag(Pulse); % Мнимая часть импульса
```

```
PulseZ = PulseReal + i*PulseImag; % И мнимая и реальная часть импульса
```

#### • Нормируем её и проверяем

$$N = \frac{\vec{n}}{|\vec{n}|}$$

```
PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ))); % Константа нормализации
```

```
PulseReal = PulseReal / PulseNormal;
```

```
PulseImag = PulseImag / PulseNormal;
```

```
PulseZ = PulseReal + i*PulseImag;
```

```
control = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ)));
PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ))) % Константа нормализации
```

```
PulseNormal = 1
```

#### • PDTD

```
for n_step = 1:3
```

#### • Главные вычисления

```
for mm=1:time(n_step)
```

$$\Psi_{\text{Real}}(n) = \Psi_{\text{Real}}^m(n) - \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} * \Psi_{\text{Imag}}[(n-1) - 2 * (n) + (n+1)] + \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\text{Imag}}$$

```
PulseReal = PulseReal - ra*Dsqared*PulseImag + (dt/hbar)*V.*PulseImag;
```

$$\Psi_{\text{Imag}}(n) = \Psi_{\text{Imag}}^m(n) + \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} * \Psi_{\text{Real}}[(n-1) - 2 * (n) + (n+1)] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\text{Real}}$$

```
PulseImag = PulseImag + ra*Dsqared*PulseReal - (dt/hbar)*V.*PulseReal;
end
subplot(3,1,Nstep)
plot(XX,PulseReal,'k',"Color","black")
hold on
plot(XX,PulseImag,':k',"Color","red")
hold off
axis( [ 1 DX*Np -0.2 0.3 ])
xlabel('nm')
set(gca,'fontsize',12)
Nstep=Nstep+1;
```

#### • Подписываем график

```
% ----- Проверяем нормализацию -----
PulseZ = PulseReal+i*PulseImag;
PulseZ'*PulseZ
PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ)))
% ----- Вычислите ожидаемые значения -----
KE = J2eV * real(-(hbar/dx)^2/(2*m)*PulseZ'*(Dsqared*PulseZ)); % Кинетическая энергия
PE = J2eV * PulseZ' * (V.*PulseZ); % Потенциальная энергия
TT = text(5,.15,sprintf('%7.0f fs',time(n_step)*dt*1e15));
set(TT,'fontsize',12)
TT = text(5,-.15,sprintf('KE = %5.3f eV',KE));
set(TT,'fontsize',12)
TT = text(25,-.15,sprintf('PE = %5.3f eV',PE));
set(TT,'fontsize',12)
TT = text(25,.13,sprintf('E_t_o_t = %5.3f eV',KE+PE));
set(TT,'fontsize',12)
```

- Сохраняем график

```
saveas(gcf, 'se.png')    % This saves the picture to a file
end
```

```
ans = 1.0000
PulseNormal = 1.0000
ans = 1.0000
PulseNormal = 1.0000
ans = 1.0013
PulseNormal = 1.0006
```

