Фото задания:

FINITE-DIFFERENCE TIME-DOMAIN (FDTD) METHOD

Simulation of the 1d time-dependent Schrodinger equation ('real-time, real-space' method)

$$i\hbar\frac{\partial\Psi(x,t)}{\partial t}=-\frac{\hbar^2}{2m}\Delta\Psi(x,t)+U(x)\Psi(x,t)$$

$$\Psi(x,t) = \Psi(n \cdot \Delta x, m \cdot \Delta t) = \Psi^m(n)$$

Leapfrogging technique между Re и Im членами:

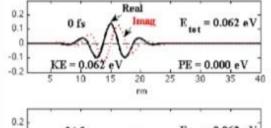
$$\begin{split} \Psi_{Real}^{m+1}(n) &= \Psi_{Real}^{m}(n) \\ &- \frac{\hbar}{2m} \frac{\Delta t}{(\Delta x)^{2}} \bigg[\Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n-1) - 2\Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n) \\ &+ \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n+1) \bigg] + \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n); \\ \Psi_{lm}^{m+\frac{3}{2}}(n) &= \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n) \\ &+ \frac{\hbar}{2m} \frac{\Delta t}{(\Delta x)^{2}} \bigg[\Psi_{Real}^{m+1}(n-1) - 2\Psi_{Real}^{m+1}(n) \end{split}$$

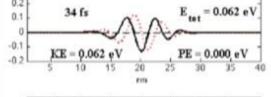
$$+\frac{1}{2m}\frac{\Delta t}{(\Delta x)^{2}}\left[\Psi_{Real}^{m+1}(n-1)-2\Psi_{Real}^{m+1}(n+1)\right] - \frac{\Delta t}{\hbar}U(n)\Psi_{Real}^{m+1}(n);$$

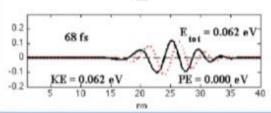
$$\leq 0.15 \Leftrightarrow$$
 Если $\Delta x = 0.1$ нм \Rightarrow $\Delta t = 0.02e - 15 = 0.02$ фс.

Упражнение

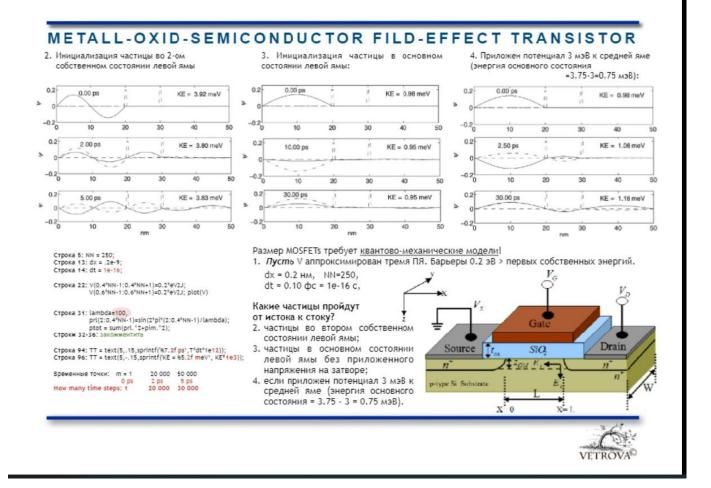
Моделирование движения частицы в свободном пространстве в положительном направлении оси х. Время: m = [1 1700 3400]





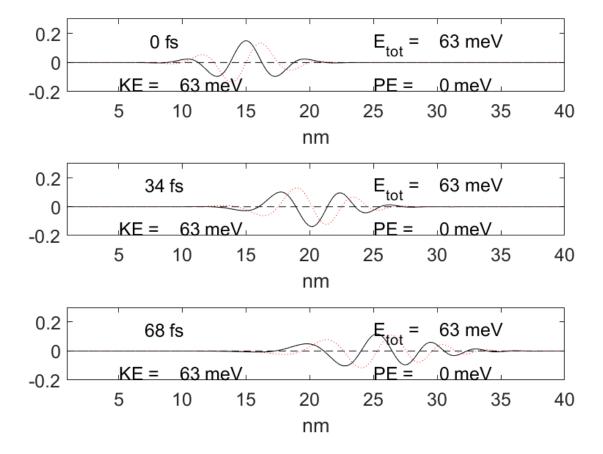






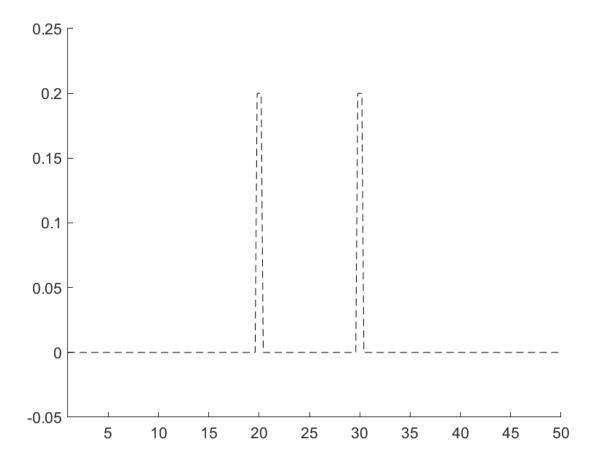
Решение:

Задание 1:

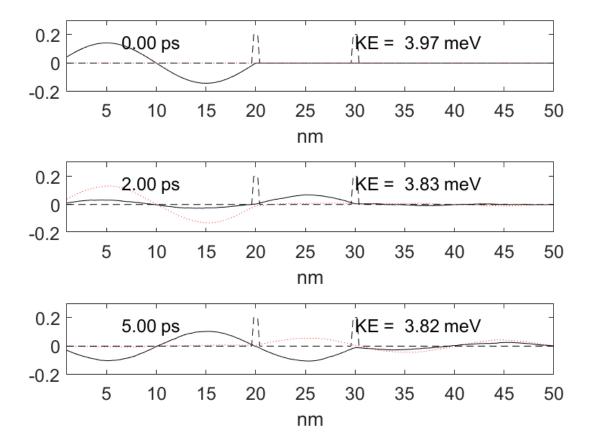


Задание 2:

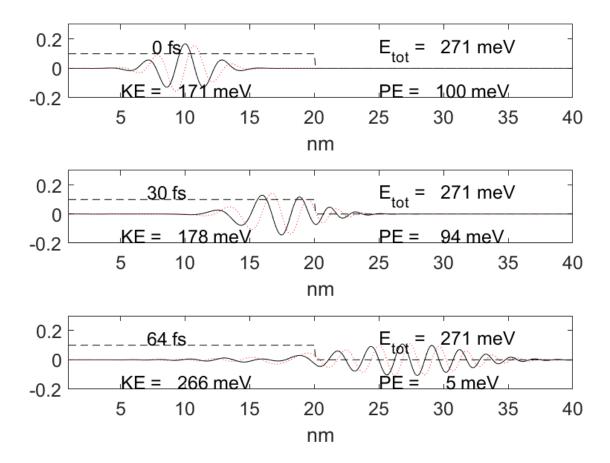
Затвор закрыт



Инициализация частицы во 2-ом собственном состоянии левой ямы



Тестовое задание:



Код Matlab:

```
cla reset;
hold on;
load("constans.mat");
```

• Константы и значения

```
i = sqrt(-1);

%Np = 400; % Количество точек в проблемном пространстве Np = 400;

Np = 250;

T = 0;

Nstep=1;

time = [1 19999 30000]; % 1 1699 1700 % 1 19999 30000

meff = 1; % эффективная масс: Si is 1.08, Ge is 0.067, GaAs is 0.55

m = meff * m0; % Масса электрона

% dx = 0.1e-9; % Размер ячейки dx = 0.1e-9;

dx = 0.2e-9;

% dt = 2e-17; % Временные шаги dt = 0.2e-17;

dt = 1e-16;
```

$$ra = \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2}$$

```
ra = (hbar / (2 * m)) * (dt /(dx)^2) % Коэфицент номер 1, должен быть меньше < 0.15
```

ra < 0.15 -> возможна связь

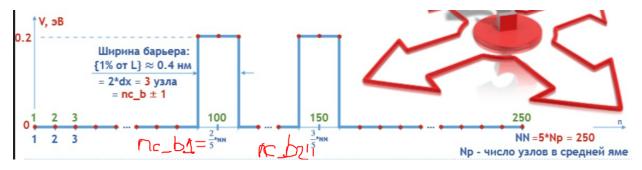
```
DX = dx * 1e9; % Целое колличество нм

XX = (1:Np) * DX; % Длина в нм для построения графика

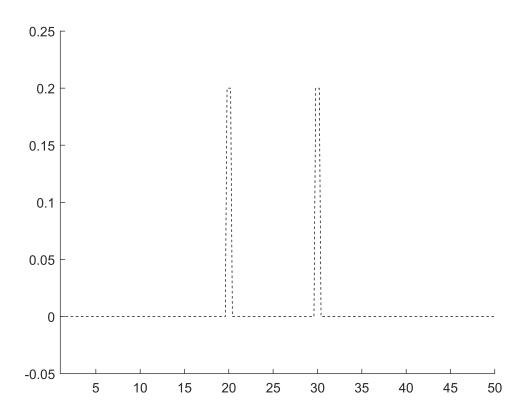
Dsquared = (diag(ones(1,Np-1),1) - 2 * diag(ones(1,Np)) + diag(ones(1,Np-1),-1)); % диагональ
```

• Потенциал

```
V = zeros(1,Np)'; % 0..- => ' => 0|.. вертикальной сделает
```



```
nc_b1 = 2/5*Np;
nc_b2 = 3/5*Np;
% создание барьеров высотой 0.2эВ
V(nc_b1-1:nc_b1+1)=0.2*eV2J;
V(nc_b2-1:nc_b2+1)=0.2*eV2J;
% имитация напряжение на затворе
% V(nc_b1+2:nc_b2-2)=-0.003*eV2J;
axis([1 DX*Np -0.05 0.25])
plot(XX,J2eV*V,'--k')
```



```
% saveas(gcf,'MOSFET_close.png')
```

• Инициализируем синусоидальную волну в гауссовой огибающей

```
P = e^{\frac{-(n - \text{исходное положение})^2}{2* \text{ширина импульса}^2}} * \left( \cos \left( 2\pi \frac{n - \text{исходное положение}}{\text{длина волны}} \right) + i * \sin \left( 2\pi \frac{n - \text{исходное положение}}{\text{длина волны}} \right) \right)
```

• Нормируем её и проверяем

```
N = \frac{\overrightarrow{n}}{\left|\frac{\rightarrow}{n}\right|}
```

```
PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ))); % Константа нормализации
PulseReal = PulseReal / PulseNormal;
PulseImag = PulseImag / PulseNormal;
PulseZ = PulseReal + i*PulseImag;
control = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ)));
PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ))) % Константа нормализации
```

PulseNormal = 1

PDTD

```
for n_step = 1:3
```

• Главные вычисления

```
for mm=1:time(n_step)
T = T + 1;
```

$$\Psi_{\mathrm{Real}}(n) = \Psi_{\mathrm{Real}}^{m}(n) - \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^{2}} * \Psi_{\mathrm{Imag}}[(n-1)-2*(n)+(n+1)] \ + \ \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Imag}}(n) + \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) + \frac{\Delta t$$

PulseReal = PulseReal - ra*Dsquared*PulseImag + (dt/hbar)*V.*PulseImag;

$$\Psi_{\text{Imag}}(n) = \Psi_{\text{Imag}}^{m}(n) + \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} * \Psi_{\text{Real}}[(n-1)-2*(n)+(n+1)] - \frac{\Delta t}{\hbar}U(n)\Psi_{\text{Real}}(n)$$

```
PulseImag = PulseImag + ra*Dsquared*PulseReal - (dt/hbar)*V.*PulseReal;
end
subplot(3,1,Nstep)
plot(XX,real(PulseReal),'k',"Color","black")
hold on
plot(XX,real(PulseImag),':k',"Color","red")
plot(XX,J2eV*V,'--k') % потенциальная энерги
hold off
axis([1 DX*Np -0.2 0.3])
xlabel('nm')
set(gca,'fontsize',12)
Nstep = Nstep + 1;
```

Подписываем график

• Сохраняем график

```
%
      saveas(gcf,'second_task.png')
                                            % This saves the picture to a file
end
ans = 1.0000
ans = 0.9999
ans = 1.0000
     0.2
                0.00 ps
                                           KE = 3.97 meV
       0
     -0.2
              5
                   10
                         15
                               20
                                     25
                                           30
                                                 35
                                                      40
                                                            45
                                                                  50
                                     nm
      0.2
                2.00 ps
                                           KE = 3.83 meV
       0
     -0.2
              5
                   10
                         15
                               20
                                     25
                                           30
                                                 35
                                                      40
                                                            45
                                                                  50
                                     nm
```

• Время:

0.2

-0.2

0

5.00 ps

10

15

20

25

nm

30

5

```
datetime('now')
```

KE = 3.82 meV

35

40

45

50

```
ans = datetime
17-Dec-2021 11:11:29
```