Лабараторная номер 6

Задача:

Моделирование движение частицы в свободном пространстве в положительноч направлении оси х.

Фото задания:

# FINITE-DIFFERENCE TIME-DOMAIN (FDTD) METHOD

Simulation of the 1d time-dependent Schrodinger equation ('real-time, real-space' method)

$$i\hbar \frac{\partial \Psi(x,t)}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \Psi(x,t) + U(x)\Psi(x,t)$$
  
$$\Psi(x,t) = \Psi(n \cdot \Delta x, m \cdot \Delta t) = \Psi^m(n)$$

Leapfrogging technique между Re и Im членами:

$$\begin{split} \Psi_{Real}^{m+1}(n) &= \Psi_{Real}^{m}(n) \\ &- \frac{\hbar}{2m} \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} \bigg[ \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n-1) - 2 \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n) \\ &+ \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n+1) \bigg] + \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n); \\ \Psi_{lm}^{m+\frac{3}{2}}(n) &= \Psi_{lm}^{m+\frac{1}{2}}(n) \\ &+ \frac{\hbar}{2m} \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} \left[ \Psi_{Real}^{m+1}(n-1) - 2 \Psi_{Real}^{m+1}(n) \\ &+ \Psi_{Real}^{m+1}(n+1) \right] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{Real}^{m+1}(n); \\ &\leq 0.15 \quad \Leftrightarrow \quad \text{Если } \Delta x = 0.1 \text{ нм} \quad \Rightarrow \end{split}$$

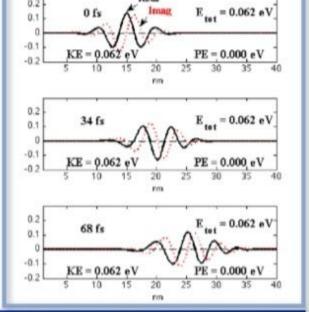
 $\Delta t = 0.02e - 15 = 0.02 \, \Phi c.$ 

# **Упражнение**

0.2

Моделирование движения частицы в свободном пространстве в положительном направлении оси х. Время: m = [ 1 1700 3400 ]

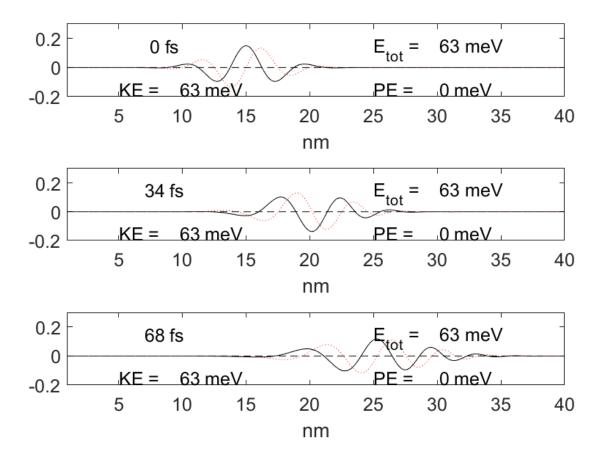
Real



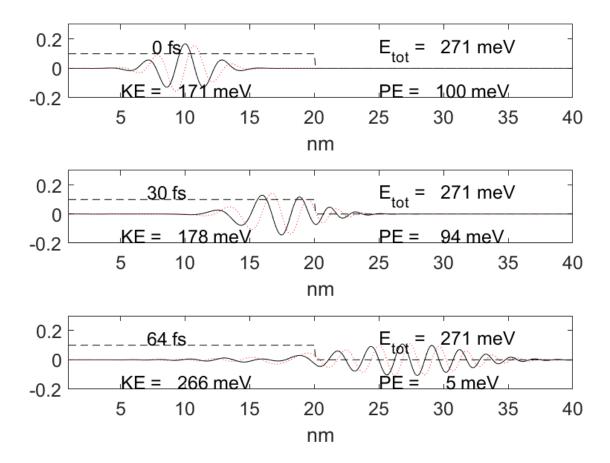


Решение:

Задание 1:



Тестовое задание:



## Код Matlab:

```
cla reset;
hold on;
load("constans.mat");
```

## • Константы и значения

```
i = sqrt(-1);

Np = 400; % Количество точек в проблемном пространстве Np = 400;

%5Np = 250;

T = 0;

Nstep=1;

time = [1 1699 1700]; % 1 1699 1700

meff = 1; % эффективная масс: Si is 1.08, Ge is 0.067, GaAs is 0.55

m = meff * m0; % Масса электрона

dx = 0.1e-9; % Размер ячейки dx = 0.1e-9;

%dx = 0.2e-9;

dt = 2e-17; % Временные шаги dt = 0.2e-17;

%dt = 1e-16;
```

$$ra = \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2}$$

```
ra = (hbar / (2 * m)) * (dt /(dx)^2) % Коэфицент номер 1, должен быть меньше < 0.15 ra = 0.1158
```

ra < 0.15 -> возможна связь

```
DX = dx * 1e9; % Целое колличество нм

XX = (1:Np) * DX; % Длина в нм для построения графика

Dsquared = (diag(ones(1,Np-1),1) - 2 * diag(ones(1,Np)) + diag(ones(1,Np-1),-1)); % диагональ
```

## • Потенциал

```
V = zeros(1,Np)'; % 0..- => ' => 0|.. вертикальной сделает
```

## • Инициализируем синусоидальную волну в гауссовой огибающей

```
lambda = 50; % Длина волны импульса % для того чтобы была как в из усл. 50 % lamda_test = lambda * dx * 1e9 sigma = 25; % Ширина импульса % для того чтобы была как в из усл. 25 nc = 150; % для того чтобы была как в из усл. 150 n=(1:Np)';
```

```
P = e^{\frac{-(n - \text{исходное положение})^2}{2* \text{ширина импульса}^2}} * \left( \cos \left( 2\pi \frac{n - \text{исходное положение}}{\text{длина волны}} \right) + i * \sin \left( 2\pi \frac{n - \text{исходное положение}}{\text{длина волны}} \right) \right)
```

```
Pulse = exp(-0.5*((n-nc)/sigma).^2).*(cos(2*pi*(n-nc)/lambda) + i*sin(2*pi*(n-nc)/lambda));
PulseReal = real(Pulse); % Реальня часть импульса
PulseImag = imag(Pulse); % Мнимая часть импульса
PulseZ = PulseReal + i*PulseImag; % И мнимая и реальная часть импульса
```

#### • Нормируем её и проверяем

$$N = \frac{\overrightarrow{n}}{\left| \frac{\rightarrow}{n} \right|}$$

```
PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ))); % Константа нормализации PulseReal = PulseReal / PulseNormal; PulseImag = PulseImag / PulseNormal; PulseZ = PulseReal + i*PulseImag; control = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ))); PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ))) % Константа нормализации
```

PulseNormal = 1

## • PDTD

```
for n_step = 1:3
```

#### • Главные вычисления

```
for mm=1:time(n_step)
T = T + 1;
```

$$\Psi_{\text{Real}}(n) = \Psi_{\text{Real}}^{m}(n) - \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} * \Psi_{\text{Imag}}[(n-1) - 2 * (n) + (n+1)] + \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\text{Imag}}$$

PulseReal = PulseReal - ra\*Dsquared\*PulseImag + (dt/hbar)\*V.\*PulseImag;

$$\Psi_{\mathrm{Imag}}(n) = \Psi_{\mathrm{Imag}}^{m}(n) + \frac{\hbar}{2m} * \frac{\Delta t}{(\Delta x)^{2}} * \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * (n) + (n+1) \big] - \frac{\Delta t}{\hbar} U(n) \Psi_{\mathrm{Real}} \big[ (n-1) - 2 * ($$

```
PulseImag = PulseImag + ra*Dsquared*PulseReal - (dt/hbar)*V.*PulseReal;
end
subplot(3,1,Nstep)
plot(XX,PulseReal,'k',"Color","black")
hold on
plot(XX,PulseImag,':k',"Color","red")
plot(XX,J2eV*V,'--k') % потенциальная энерги
hold off
axis([1 DX*Np -0.2 0.3])
xlabel('nm')
set(gca,'fontsize',12)
Nstep=Nstep+1;
```

#### • Подписываем график

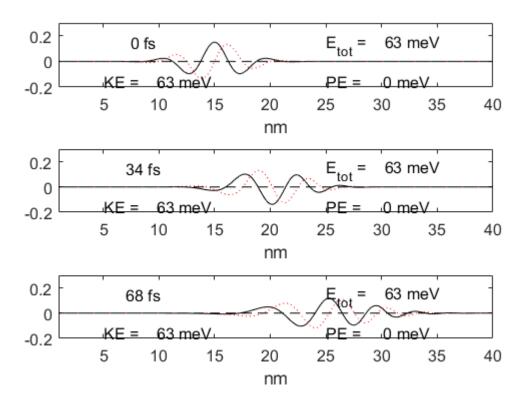
```
% ------ Проверяем нормализацию ------
PulseZ = PulseReal+i*PulseImag;
PulseZ'*PulseZ
PulseNormal = sqrt(sum(PulseZ.*conj(PulseZ)));
% ------ Вычислите ожидаемые значения ------
KE = J2eV * real(-(hbar/dx)^2/(2*m)*PulseZ'*(Dsquared*PulseZ))*1e3; % Кинетическая энергия
PE = J2eV * PulseZ' * (V.*PulseZ)*1e3; % Потенциальная энергия
TT = text(5,.15,sprintf('%7.0f fs',T*dt*1e15));
set(TT,'fontsize',12)
TT = text(5,-.15,sprintf('KE = %5.0f meV',KE));
set(TT,'fontsize',12)
TT = text(25,-.15,sprintf('PE = %5.0f meV',PE));
set(TT,'fontsize',12)
TT = text(25,.13,sprintf('E_t_o_t = %5.0f meV',KE+PE));
set(TT,'fontsize',12)
```

## • Сохраняем график

```
saveas(gcf,'first_task.png') % This saves the picture to a file
end
```

ans = 1.0000

ans = 1.0000 ans = 1.0000



# • Время:

# datetime('now')

ans = datetime
 16-Dec-2021 11:24:35