# МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. Н.Э. БАУМАНА

#### И.Н. Фетисов

## ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПОСТОЯННОЙ РАСПАДА ДЛЯ ЭЛЕКТРОННОГО ЗАХВАТА В КАЛИИ-40

Методические указания к выполнению лабораторной работы SR-60 по курсу общей физики Под редакцией  $\Gamma.B.$  Балабиной Москва, SR-6007

Рассмотрены виды радиоактивных превращений, закон распада, методика измерения среднего времени жизни атомов. Для студентов 2-го курса.

*Цель работы* — ознакомление с радиоактивностью, определение постоянной распада и среднего времени жизни для процесса электронного захвата в калии-40.

## Теоретическая часть

#### 1. Виды радиоактивных превращений

Атомные ядра состоят из протонов и нейтронов, называемых нуклонами. Протон имеет положительный элементарный заряд  $e=1,6\ 10^{-19}\ \rm Kл$ , а нейтрон не имеет электрического заряда. Масса нейтрона немного превышает массу протона. Масса нуклонов примерно в 1840 раз больше массы электрона. Между нуклонами действуют ядерные силы притяжения. Число нуклонов в ядре (массовое число) обозначают A, а число протонов (зарядовое число) - Z. Ядро химического элемента X записывают в виде  $^A_z X$ , например, ядро гелия  $^4_2$  He.

Некоторые ядра самопроизвольно (спонтанно) изменяют свой состав, соответственно изменяются числа Z и A; при этом ядро испускает частицы. Это явление называют paduoakmushocmbo (открыл A. Беккерель в1896г.). Радиоак-

тивный распад может происходить, если он не противоречит закону сохранения полной энергии, включающей энергию покоя, т.е. если разность между массой исходного ядра и суммарной массой продуктов распада положительна.

К основным радиоактивным превращениям относятся  $\alpha$  - и  $\beta$  - распады. Распадающееся ядро называют материнским, а образующееся в результате распада — дочерним.

*Альфа-распад*. При  $\alpha$  - распаде ядро (обычно тяжелое) испускает ядро гелия, состоящее из двух протонов и двух нейтронов, которое называют  $\alpha$  - частицей. Схему распада представляют в виде  ${}^A_z X \stackrel{4}{\rightarrow} {}^4_2$  Не +  ${}^{A-4}_{z-2} Y$ , где X и Y - символы химических элементов. Например, превращение урана в торий:  ${}^{238}_{92} U \stackrel{4}{\rightarrow} {}^4_2$  Не +  ${}^{234}_{90}$  Th.

Квантовая механика объясняет испускание  $\alpha$  - частицы как туннельный эффект. Потенциальный барьер для  $\alpha$  - частицы на поверхности ядра создается действием двух сил — ядерного притяжения и кулоновского отталкивания.

*Бета-распад*. Известны три разновидности  $\beta$  - распада. Во всех случаях в ядре происходит превращение нейтрона в протон или протона в нейтрон, при этом число нуклонов в ядре A не изменяется.

1. Электронный  $\beta$ -распад ( $\beta$ - распад). Примером такого распада служит превращение свободного нейтрона n в протон p, электрон e- и электронное антинейтрино  $v_e$ :  $n \to p + e$ - +  $v_e$ .

Подобные превращения нейтрона происходят во многих нестабильных ядрах, при этом электрон и антинейтрино покидают ядро. Электронный распад протекает по схеме:

$${}^{A}_{z}X \to {}^{A}_{z+1}Y + {}^{0}_{-1}e + \nu_{e}. \tag{1}$$

2. <u>Позитронный  $\beta$ -распад</u> ( $\beta^+$ - распад). В этом случае ядро испускает позитрон и электронное нейтрино:  ${}^A_z X \rightarrow {}^A_{z-1} Y + {}^0_{+1} e + \nu_e$ .

При позитронном распаде в ядре происходит превращение протона в нейтрон, позитрон и нейтрино:  $p \to n + e^+ + \nu_e$ .

Позитрон является античастицей электрона, имеющей такую же массу, но положительный элементарный заряд.

Свободный протон, например, в легком изотопе водорода <sup>1</sup>H, не распадается на нейтрон и позитрон, так как суммарная масса продуктов распада больше массы протона. В ядре распадающийся протон получает недостающую энергию от других нуклонов.

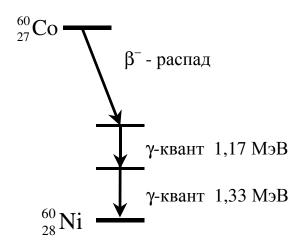
Нейтрино и антинейтрино – незаряженные элементарные частицы, масса покоя которых много меньше массы электрона. Нейтрино участвуют только в слабых и гравитационных взаимодействиях и обладают фантастической проникающей способностью в веществе (средний пробег до взаимодействия в плотном веществе ~10<sup>15</sup> км!).

3. <u>Электронный захват</u>. Третий вид  $\beta$ - распада - захват ядром собственного орбитального электрона, чаще с ближайшей K – оболочки (другое название – "K – захват"):

$${}^{A}_{z}X + {}^{0}_{-1}e \rightarrow {}^{A}_{z-1}Y + \nu_{e}. \tag{2}$$

При этом в ядре протон и электрон превращаются в нейтрон и нейтрино  $p + e^{-} \rightarrow n + v_e$ .

*Гамма-излучение*. Атомное ядро, состоящее из двух и более нуклонов, может находиться в состояниях с различными дискретными значениями энергии. Состояние с минимальной энергией называется основным, а с большей энергией – возбужденным. Материнское ядро перед распадом находится в основном состоянии, а дочернее ядро может оказаться как в основном, так и в возбужденном состояниях. В последнем случае практически мгновенно после распада дочернее ядро переходит в основное состояние, испуская один или несколько фотонов большой энергии, называемых  $\gamma$ - квантами.  $\gamma$ - Излучение часто сопровождает все виды распадов. Энергия  $\gamma$ - кванта может достигать нескольких МэВ, в то время как энергия фотонов видимого излучения составляет примерно 2 эВ. (Электрон-вольт — энергия, приобретаемая частицей с элементарным зарядом в электрическом поле с разностью потенциалов 1 В; 1 эВ = 1,6  $10^{-19}$  Дж.)



Примером такого процесса является электронный распад кобальта-60. Дочернее ядро (никель-60) образуется во втором возбужденном состоянии и испускает последовательно два  $\gamma$ -кванта с энергиями 1,17 МэВ и 1,33 МэВ (рис. 1).

Рис. 1

#### 2. Энергия распада

При радиоактивном распаде выделяется определенная для данного радиоактивного ядра энергия в интервале от 20 кэВ до 17 МэВ. Эта энергия делится между продуктами распада таким образом, чтобы выполнялся закон сохранения импульса.

Наиболее простой случай — это  $\alpha$  - распад без испускания  $\gamma$  - кванта. Материнское ядро перед распадом практически покоится, поэтому  $\alpha$  - частица и дочернее ядро разлетаются в противоположных направлениях с одинаковыми по модулю импульсами p. При этом кинетическая энергия частиц (случай нерелятивистский) равна  $K = p^2/2m$ , где m — масса частицы. Таким образом, энергия распада делится между частицами однозначно: отношение энергий  $\alpha$  - частицы и дочернего ядра обратно отношению их масс. При распаде тяжелого ядра энергия  $\alpha$  - частицы примерно в 50 —60 раз больше энергии дочернего ядра.

При электронном распаде энергия делится между тремя частицами: дочерним ядром, электроном и антинейтрино. В этом случае по-прежнему дочернее ядро получает небольшую долю энергии распада. Однако деление энергии между электроном и антинейтрино неоднозначное. В результате электроны распада имеют различную энергию – от очень малой до некоторой максимальной

энергии  $E_{\text{макс}}$ , близкой к энергии распада. Средняя энергия электронов обычно близка к 1/3 максимальной энергии.

### 3. Закон радиоактивного распада

Атомные ядра не стареют, а их распад представляет собой случайный процесс, подчиняющийся определенным статистическим закономерностям.

Пусть в момент времени t имеется N одинаковых радиоактивных ядер. Вероятность распада ядра в единицу времени обозначим  $\lambda$ , эту величину называют *постоянной распада*. Тогда за время dt распадется  $dN = \lambda N dt$  ядер. Число распадов за единицу времени, равное

$$A = dN / dt = \lambda N, \tag{3}$$

называется *активностью* препарата. Единица активности - *беккерель*: 1 Бк = 1 расп./с. Часто используют единицу активности *кюри*, равную 1 Ки =  $3,7^{\cdot}10^{10}$  Бк (это активность 1 г радия).

Приращение числа нераспавшихся ядер за время dt равно  $dN = -\lambda N dt$ . Интегрируя это выражение по времени, получим

$$N(t) = N_0 \exp(-\lambda t), \tag{4}$$

где N(t) - число нераспавшихся ядер в момент времени t;  $N_0$  - число нераспавшихся ядер в произвольный начальный момент времени t=0.

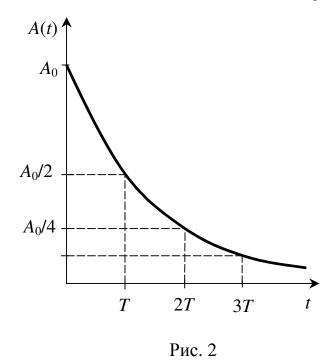
Соотношение (4) выражает закон радиоактивного распада: число нераспавшихся ядер убывает со временем по экспоненциальному закону. Активность, пропорциональная числу нераспавшихся атомов, убывает по такому же закону:

$$A = \lambda N = \lambda N_0 \exp(-\lambda t) = A_0 \exp(-\lambda t), \tag{5}$$

где  $A_0 = \lambda N_0$  – активность в момент времени t = 0.

Время жизни радиоактивного вещества характеризуют двумя величинами – средним временем жизни и периодом полураспада. Можно показать, что *среднее время жизни* равно

$$\tau = 1/\lambda. \tag{6}$$



Периодом полураспада Т называют время, за которое распадается половина ядер. Легко получить следующее соотношение

$$T = (\ln 2)/\lambda = 0.693/\lambda = 0.693 \tau. (7)$$

Запишем закон распада через период полураспада

$$N(t) = N_0 \exp(-0.693 t / T),$$
 (8)

$$A(t) = A_0 \exp(-0.693 t / T)$$
. (9)

Убывание активности со временем показано на рис. 2.

#### 4. Радиоактивность калия

Природный калий состоит из смеси трех изотопов — двух стабильных  $^{39}$ К и  $^{41}$ К и одного радиоактивного  $^{40}$ К. Доля радиоактивного изотопа составляет  $\delta$  =1,18 $^{\cdot}$ 10 $^{-4}$ . Его период полураспада порядка возраста Земли и будет найден в данной работе.

Калий в 89% случаев испытывает  $\beta$  - распад (1)

$${}^{40}_{19}K \rightarrow {}^{40}_{20}Ca + {}^{0}_{-1}e + \nu_{e}, \tag{10}$$

Ядро аргона образуется в воз-

бужденном состоянии и ис-

пускает у-квант с энергией

1,46 МэВ. Электроны распада

имеют максимальную энергию

1,3 МэВ. Таким образом, на

а в 11% случаев – электронный захват (2)

$$^{40}_{19}\text{K} + ^{0}_{-1}e \rightarrow ^{40}_{18}\text{Ar} + \nu_e + (\gamma - \text{квант}).$$
 (11)

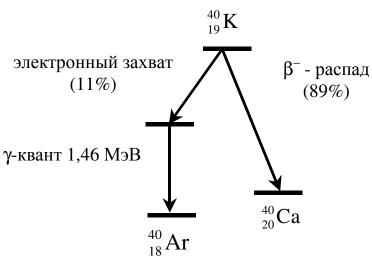


Рис. 3

 $^{40}_{20}$ Са  $^{100}$  распадов испускается в среднем 89 электронов и 11  $\gamma$ -квантов. Схема распада пока-

зана на рис. 3. Распады (10) регистрируют по испускаемым электронам, а распады (11) — по  $\gamma$ - излучению.

Содержание калия в земной коре составляет 2,5%. Наиболее важные минералы это – сильвин КСl, сильвинит (K,Na)Cl и др. За счет радиоактивного распада калия Земля получает заметное количество внутреннего тепла. Калий играет важную роль в жизнедеятельности животных и растений; поэтому в почву вносят калийные удобрения. Большую часть необходимого человеку калия он получает из пищи растительного происхождения. В теле человека содержится примерно 100 г калия, его распад вносит ощутимый вклад в естественную дозу облучения.

## 5. Взаимодействие излучений с веществом

В веществе быстрые заряженные частицы ( $\alpha$  - и  $\beta$  - частицы) теряют свою энергию на ионизацию и возбуждение атомов. Пробег  $\alpha$  - частицы до остановки составляет всего несколько сантиметров в воздухе, а в плотном веществе - в тысячу раз меньше. Например, лист бумаги полностью задерживает  $\alpha$  - частицы. Пробег электронов существенно больше, например, он равен 2 мм алюминия для  $\beta$  - частиц с энергией 1 МэВ. Причина такого резкого различия пробегов заключается в том, что при одинаковой энергии тяжелые  $\alpha$  - частицы движутся медленнее, дольше взаимодействуют с атомными электронами, передавая им больший импульс.

При взаимодействии  $\gamma$ - квантов с атомами происходят следующие процессы: эффект Комптона, атомный фотоэффект и рождение пары электрон-позитрон. Эти процессы изображены схематически на рис. 4 (на рис. 4, а – до взаимодействия).

Эффект Комптона – это упругое рассеяние  $\gamma$  - кванта на свободных или слабо связанных атомных электронах, при котором часть энергии и импульса квант (фотон) передает электрону, покидающему атом (рис. 4, б). В одном акте

комптоновского процесса электрон получает значительную часть энергии кванта, составляющую в среднем 45 % для квантов с энергией 1 МэВ.

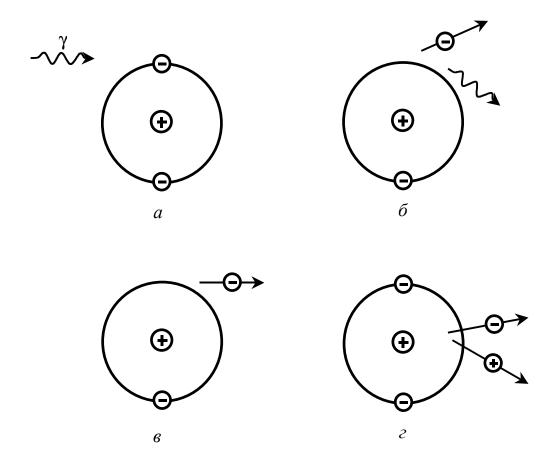


Рис. 4

При атомном фотоэффекте фотон высокой энергии поглощается одним из атомных электронов, обычно из внутренних оболочек, и выбивает его из атома (рис. 4, в). Энергия вылетевшего электрона равна разности энергии фотона и энергии связи электрона в атоме.

*Рождение пары электрон-позитрон*. В электрическом поле атомного ядра фотон может превратиться в электрон и позитрон:  $\gamma \to e^- + e^+$  (рис. 4, г). Для этого процесса энергия  $\gamma$ - кванта должна превышать суммарную энергию покоя электрона и позитрона, равную примерно 1 МэВ.

В отличие от ионизационного торможения заряженных частиц, которые теряют энергию мелкими порциями,  $\gamma$ - квант передает энергию электрону (и позитрону) либо полностью в одном взаимодействии (фотоэффект, рождение пары), либо крупными порциями в комптоновском процессе.  $\gamma$ - Квант может

пролететь значительное расстояние, не испытав ни одного взаимодействия, например, сотни метров в воздухе. Энергия, переданная квантом электрону, тратится на ионизацию на малой длине пробега.

Узкий пучок  $\gamma$ -квантов ослабляется в веществе по экспоненциальному закону Бугера. Излучение с энергией квантов 1 МэВ ослабляется в e=2,72 раза в слое 15 см воды или 1 см свинца.

#### 6. Сцинтилляционный детектор излучений

В некоторых веществах, называемых сцинтилляторами, под действием отдельных быстрых заряженных частиц возникают слабые вспышки света — сцинтилляции (разновидность люминесценции). Например, яркое свечение экрана электронно-лучевой трубки телевизора обусловлено сцинтилляциями большого потока быстрых электронов.

Сцинтилляционный детектор  $\gamma$ - квантов схематически показан на рис. 5.

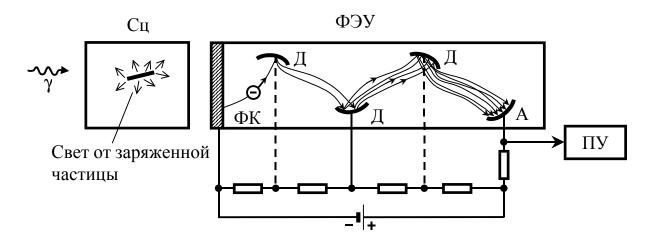


Рис. 5

Сцинтиллятором (СЦ) служит кристалл NaI с небольшой добавкой таллия размером несколько сантиметров. В результате рассмотренных выше процессов  $\gamma$ -квант передает энергию заряженным частицам (электрону, позитрону) в самом сцинтилляторе. Сцинтилляция производится заряженной частицей.

Слабая световая вспышка регистрируется чувствительным приемником света - фотоэлектронным умножителем (ФЭУ). На стеклянный торец трубки ФЭУ с внутренней стороны нанесен тонкий слой вещества с малой работой выхода электронов, который служит фотокатодом ФК. Фотоны сцинтилляци-

онной вспышки выбивают из ФК электроны (внешний фотоэффект). Поскольку этих электронов очень мало, их размножают, прежде чем они достигнут анода А и создадут в его цепи ток. Для этого между фотокатодом и анодом расположено до 10-15 промежуточных электродов Д, называемых динодами. Высокое напряжение (до 1500 В) с помощью делителя на резисторах подается на диноды и анод. Положительный потенциал каждого последующего электрода возрастает примерно на 100 В. Испущенные фотокатодом электроны разгоняются электрическим полем и фокусируются на первом диноде. Они выбивают из динода вторичные электроны, число которых в несколько раз больше числа падающих электронов (это явление называют вторичной электронной эмиссией). Испущенные первым динодом электроны направляются на второй динод, повторяя процесс размножения, и т.д. В результате количество электронов может увеличиться в 10<sup>8</sup> раз. Лавина электронов достигает анода и создает в его цепи значительный электрический импульс, который регистрируется пересчетным устройством ПУ. Каждый импульс соответствует одному зарегистрированному у - кванту (или быстрой заряженной частице фонового космического излучения).

## 7. Измерение постоянной распада и среднего времени жизни

Для различных радионуклидов среднее время жизни (или период полураспада) изменяется в огромных пределах — примерно от микросекунды до  $10^{16}$  лет. Если период полураспада небольшой, то его измеряют по убыванию активности в процессе измерений, согласно формуле (9).

Для долгоживущих ядер этот метод неприемлим, поэтому воспользуемся соотношением (3):  $A = \lambda N$ . Следовательно, постоянная распада равна

$$\lambda = A / N, \tag{12}$$

среднее время жизни (6)

$$\tau = 1/\lambda = N/A,\tag{13}$$

а период полураспада (7)  $T = 0.693 \ \tau$ .

Количество нераспавшихся ядер N изотопа калий-40 найдем, исходя из массы m в кг соли калия (KCl):

$$N = \delta N_A m / M, \tag{14}$$

где  $N_A = 6,02^{\cdot}10^{23}$  моль<sup>-1</sup> — число Авогадро (число молекул в одном моле), M = 0,075 кг/моль — молярная масса соли,  $\delta = 1,18^{\cdot}10^{-4}$  — доля радиоактивного изотопа.

Как отмечалось выше ((10), (11)), калий-40 распадается в 89% случаях с испусканием электрона, а в 11% - путем захвата орбитального электрона. В последнем случае дочернее ядро излучает  $\gamma$  - квант. Каждый вид распада характеризуют своей постоянной распада:  $\lambda_e$  – для испускания электрона и  $\lambda_{\gamma}$  - для захвата электрона и испускания  $\gamma$  - кванта. Отношение этих постоянных равно  $\lambda_e/\lambda_{\gamma}=89/11=8,1.$  Следовательно,  $\lambda_e=8,1$   $\lambda_{\gamma}$ , а полная постоянная распада равна

$$\lambda = \lambda_e + \lambda_{\gamma} = 9.1 \lambda_{\gamma}. \tag{15}$$

В данной работе сцинтилляционный счетчик регистрирует отдельные  $\gamma$ -кванты, испускаемые в процессе электронного захвата. Распады с излучением электрона не регистрируются, так как электроны поглощаются в самой соли и в стенках счетчика. Поэтому в данной работе мы измеряем непосредственно характеристики распада, относящиеся только к процессу электронного захвата: гамма-активность  $A_{\gamma}$  (число распадов в секунду с испусканием  $\gamma$ - кванта), соответствующие ей постоянную распада  $\lambda_{\gamma}$  и среднее время жизни  $\tau_{\gamma}$ :

$$\lambda \gamma = A \gamma / N, \tag{16}$$

среднее время жизни

$$\tau \gamma = 1 / \lambda \gamma \tag{17}$$

Тогда полная постоянная распада может быть найдена по формуле (15).

Рассмотрим методику измерения гамма-активности  $A\gamma$ , разработанную автором методических указаний [3]. Для повышения точности измерений препарату калиевой соли массой до нескольких килограмм придана специальная

форма – в виде половины сферического слоя (рис. 6). Центр сцинтиллятора совпадает с центром сферического слоя.

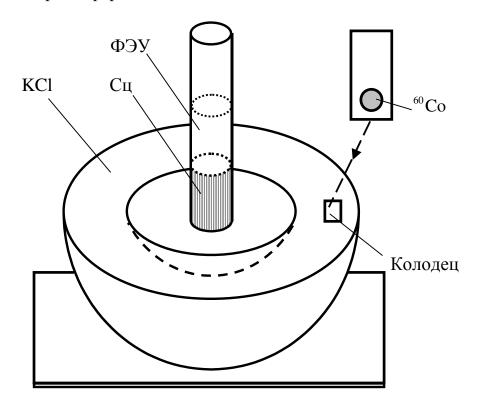


Рис. 6

Сначала измеряют фоновое излучение, когда радиоактивный препарат находится вдали от детектора, а детектор срабатывает главным образом от высокоэнергичных частиц космического излучения. Хотя это излучение незначительное, но его необходимо учитывать, так как изучаемое излучение калия также очень слабое. В результате измерений получают среднюю скорость счета импульсов на выходе  $\Phi$  под действием фонового излучения:  $n_{\phi} = N_{\phi} / t$ , где  $N_{\phi}$  — число зарегистрированных импульсов за время измерения t.

Затем калиевый источник устанавливают в рабочее положение под детектором и аналогичным образом находят скорость счета  $n_{\kappa,\varphi}$ , которая равна сумме скоростей счета от калия  $n_{\kappa}$  и фона:  $n_{\kappa,\varphi} = n_{\kappa} + n_{\varphi}$ . Отсюда получают скорость счета от излучения калия  $n_{\kappa} = n_{\kappa,\varphi} - n_{\varphi}$ . Величина  $n_{\kappa}$  - это среднее число  $\gamma$  - квантов калия, регистрируеых детектором за 1 с. При этом препарат испускает за одну секунду  $A\gamma$  квантов. Отношение

$$f = n_{\kappa} / A \gamma \tag{18}$$

называют коэффициентом регистрации  $\gamma$  - квантов. Коэффициент регистрации f << 1 по двум основным причинам: 1) кванты, испускаемые во всех направлениях, редко попадают в небольшой сцинтиллятор, 2) некоторые кванты при пролете через сцинтиллятор не передают энергию электронам (позитронам), поэтому нет и световой вспышки.

Для нахождения численного значения f выполняют вспомогательный опыт - калибровку установки. В нем используется дополнительный источник  $\gamma$ - излучения типа K-3A с изотопом кобальт-60 небольшой известной активности  $A_{\text{коб}}$ . Ядро  $^{60}{}_{27}$ Со распадается с испусканием электрона и двух  $\gamma$ - квантов со средней энергией 1,25 Мэв, мало отличающейся от энергии  $\gamma$ - квантов при распаде калия (рис. 1). Радиоактивный кобальт находится внутри стальной герметичной капсулы диаметром 3 см. Стенки капсулы полностью поглощают  $\beta$  - излучение и прозрачны для  $\gamma$ - излучения.

При выполнении калибровки источник кобальт-60 опускают в "колодец" — углубление, находящееся в середине толщины калиевого препарата (рис. 6), и измеряют скорость счета  $n_{\text{коб,к,ф}}$ , которая равна сумме скоростей счета кобальта, калия и фона:  $n_{\text{коб,к,ф}} = n_{\text{коб}} + n_{\text{к}} + n_{\phi}$ . Отсюда получаем

$$n_{\text{коб}} = n_{\text{коб, к, ф}} - (n_{\text{к}} + n_{\text{ф}}) = n_{\text{коб, к, ф}} - n_{\text{к, ф}}.$$

Из результатов измерений находят коэффициент регистрации

$$f = n_{\text{KO}} / (2 A_{\text{KO}}).$$
 (19)

Коэффициент 2 учитывает, что кобальт при одном распаде испускает два  $\gamma$ -кванта.

Детальный анализ условий измерения показывает [3], что коэффициенты регистрации излучения калия (18) и кобальта (19) примерно одинаковые.

Теперь из результатов измерений можно найти характеристики распада с испусканием  $\gamma$  - излучения: активность  $A\gamma$  из формулы (18), постоянную распада  $\lambda \gamma$  и среднее время жизни  $\tau \gamma$  по формулам (16) и (17).

## 8. Случайные погрешности при измерениях радиоактивности

Встречаются измерения, в которых подсчитывается число событий, происходящих случайно, например, число радиоактивных распадов или вызовов в телефонной сети. Результат подобных измерений выражается целым числом, а методика оценки случайной погрешности имеет особенности.

Пусть при измерении радиоактивности счетчик зарегистрировал  $N_i$  частиц за время t, малое по сравнению с периодом полураспада. Повторяя измерения в тех же условиях, получим различные значения  $N_i$ :  $N_1, N_2, \dots N_k$ , изменяющиеся случайным образом, что отражает вероятностный характер процесса распада. Из результатов большого числа k измерений найдем среднее число зарегистрированных частиц за время  $t < N > = \sum N_i/k$ .

Радиоактивный распад подчиняется определенным статистическим закономерностям — т.н. распределению Пуассона [4]: вероятность P(N) того, что счетчик зарегистрирует N частиц при среднем N, равна

$$P(N) = \langle N \rangle^{N} \exp(-\langle N \rangle) / N!.$$

В качестве примера на рис. 7, а приведено распределение Пуассона для < N > = 0.8. В этом случае с наибольшей вероятностью результат измерения будет равен 0 или 1. При малых < N > распределение асимметрично. Однако по мере увеличения < N > распределение становится симметричным, а его огибающая стремится к распределению Гаусса, которое характерно для распределения ре-

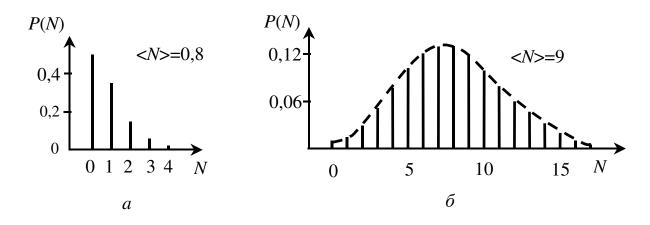


Рис. 7

зультатов измерения непрерывно изменяющихся величин [5]. Это видно на рис.

7, б, где вертикальными линиями показано распределение Пуассона для  $\langle N \rangle$  = 9, а пунктирной кривой – соответствующее распределение Гаусса.

Из теории вероятности следует простое правило для оценки случайной погрешности при измерении радиоактивности. Если за некоторое время измерений счетчик зарегистрировал достаточно большое число частиц N (N > 100), то доверительный интервал может быть получен из одного измерения. Искомая (истинная) величина с доверительной вероятностью P = 0,68 лежит в доверительном интервале от  $N - \sqrt{N}$  до  $N + \sqrt{N}$ .

Относительная погрешность измерения равна  $\varepsilon = \sqrt{N} / N = I / \sqrt{N}$  .

Например, пусть счетчик зарегистрировал N = 100 распадов. Тогда можно утверждать, что с вероятностью P = 0,68 истинное (среднее) число распадов за это время лежит в интервале от 90 до 110. Кроме того, если счетчик зарегистрировал 100 частиц ("импульсов"), то в повторном измерении за то же время это число скорее всего будет другим, с большой вероятностью находясь в интервале от 90 до 110.

С ростом N абсолютная погрешность  $\sqrt{N}$  растет, а относительная — уменьшается. Например, относительная погрешность равна  $\varepsilon = 0,1 = 10\%$  при N=100 и  $\varepsilon = 0,01 = 1\%$  при N=10000.

#### 9. Дозиметрия излучений

Для оценки биологических последствий воздействия излучений необходимо контролировать дозы ионизирующих излучений.

Поглощенной дозой называют отношение поглощенной энергии излучения к массе поглощающего вещества

$$D = E/m. (20)$$

Единица поглощенной дозы называется грей: 1 Гр = 1 Дж / кг.

Однако при одной и той же поглощенной дозе биологические последствия для разных видов излучения различны. Это связано с различием удельных потерь энергии заряженной частицей (энергией на единицу длины трека). Чем больше эти потери, тем опаснее излучение. Поэтому поглощенную дозу необ-

ходимо умножать на коэффициент K, называемый коэффициентом качества излучения. В результате получают величину, называемую эквивалентной дозой

$$H = KD. (21)$$

Единица эквивалентной дозы - *зиверт* (Зв). Для излучений с минимальной удельной потерей энергии ( $\beta$  - и  $\gamma$  - излучений) K=1. При этом поглощенной дозе 1 Гр соответствует эквивалентная доза H=1 Зв. Для  $\alpha$  - излучения K=20, поэтому при поглощенной дозе 1 Гр эквивалентная доза 20 Зв.

Человек постоянно облучается частицами космического излучения и естественными радиоактивными веществами внутри организма (основной фактор) и вне его. В различных географических районах годовая доза естественного облучения составляет 0,2 ...2 мЗв.

Дозу H в м3в от  $\gamma$  - источника активности A в Бк за время облучения t в часах на расстоянии r в м можно рассчитать по формуле

$$H = \Gamma A t / r^2. \tag{22}$$

Для  $\gamma$ - источника кобальт-60 коэффициент пропорциональности равен  $\Gamma$  =  $4,14\cdot10^{-10}$  мЗв м $^2$  час $^{-1}$  Бк $^{-1}$  .

Вредное воздействие внешнего облучения можно уменьшить, сокращая время облучения, увеличивая расстояние до источника и применяя поглощающие экраны.

#### Экспериментальная часть

#### 1. Выполнение эксперимента

Задание 1. Ознакомиться с установкой и подготовить ее к работе.

1. Ознакомиться с составом и назначением устройств установки.

Установка (рис. 8) состоит из гамма-радиометра СРП-88 и пересчетного прибора ПСО2-5.

Сцинтилляционный детектор 2 содержит сцинтиллятор СЦ, ФЭУ и преобразователь низкого напряжения в высокое для питания ФЭУ. Пульт 3 – электронный прибор для связи блока детектора с пересчетным прибором, его индикатор не используется в данной работе.

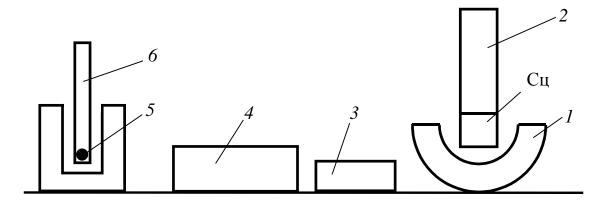


Рис. 8

Пересчетный прибор 4 предназначен для счета электрических импульсов, возникающих в анодной цепи  $\Phi$ ЭУ при каждом детектировании  $\gamma$ - кванта (или частицы фонового излучения). Индикатор прибора показывает число зарегистрированных импульсов. В приборе имеется таймер, с помощью которого можно задать различное время счета (экспозицию), по окончании которого регистрация прекращается.

К установке прилагаются калиевый препарат 1 в виде полусферы и калибровочный источник 5  $\gamma$ -излучения  $^{60}$ Со активностью менее 1 мкКи; источник снабжен держателем и в нерабочем состоянии должен находиться в свинцовом контейнере 6.

2. Убрать радиоактивные источники – калиевый препарат на расстояние не менее 0,5 м от детектора, а кобальт-60 должен находиться в свинцовом контейнере.

*Примечание*. Блок детектора можно немного приподнять за корпус, нельзя тянуть кабель.

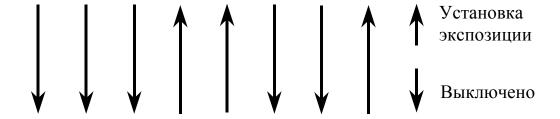


Рис. 9

- 3. На панели пересчетного прибора имеется девять переключателей, с помощью которых задают необходимый режим работы. Установить переключатели в положение, показанное на рис. 9.
- 4. Пульт 3 радиометра будет в рабочем режиме, если его верхний переключатель установлен в положение "ИЗМ.", а нижний в любом положении.
- 5. Включить питание установки. Для этого вставить сетевую вилку в розетку и нажать красную кнопку "ВКЛ" на задней стенке пересчетного прибора. При этом должно появиться свечение его индикатора.
- 6. Ознакомиться с устройством установки экспозиции. На корпусе прибора под цифровым индикатором обозначены возможные значения экспозиции всекундах: 0,1; 1; 10; 100 и 1000. На цифровом индикаторе имеется светящаяся точка указатель установленной экспозиции. Например, если точка находится напротив числа 100, то время счета будет 100 с. Это в том случае, если светодиод "х 3" слева от индикатора не горит. Если он светится, то экспозиция будет в три раза больше.
- 7. Для установки экспозиции необходимо переключатель "УСТ. ЭКСП." (крайний правый) перевести на короткое время в положение от себя. При этом светящаяся точка на индикаторе начинает быстро пробегать "по кругу" все возможные значения экспозиции от 0,1 до 3000 с. Выключить переключатель в нужный момент. Для приобретения навыка установить. например, экспозицию 30 с, при этом светодиод "х 3" должен гореть. Установить экспозицию 10 с (светодиод не горит).

8. После установки небольшой экспозиции (например, 10 с) нажать последовательно кнопки "СБРОС" и "ПУСК", после чего начинается счет импульсов с детектора. Через 10 с счет остановится. На индикаторе будет целое число зарегистрированных частиц фонового излучения.

Задание 2. Измерить скорость счета фонового излучения.

- 1. Установить экспозицию 300 с. Нажать кнопки "СБРОС" и "ПУСК". Пока идут измерения, подготовить табл. 1 для записи результатов.
- 2. Результаты двух измерений фона за 300 с каждое ( $N_{\phi 1}$  и  $N_{\phi 2}$ ) записать в табл. 1 и просуммировать. Вычислить среднюю скорость счета фона за 600 с.

Результаты измерений

Таблица 1

Число импульсов за 300 с
Средняя скорость счета, с-1
Фон $N_{\phi 1}$ =
$N_{\Phi^2}$ =
$N_{\Phi} = N_{\Phi 1} + N_{\Phi 2} = n_{\Phi} = N_{\Phi} / 600 =$
Калий $N_{\kappa, \phi 1} =$
и фон $N_{\kappa, \phi 2}$ =
$N_{\kappa,\phi} = N_{\kappa,\phi 1} + N_{\kappa,\phi 2} = n_{\kappa,\phi} = N_{\kappa,\phi} / 600 =$
Калий $n_{\scriptscriptstyle \mathrm{K}} = n_{\scriptscriptstyle \mathrm{K}, \varphi}$ - $n_{\varphi} =$
Кобальт, $N_{\text{коб,к,}\phi 1}$ =
калий и фон $N_{\text{коб,к,ф2}}$ =
$N_{\text{kof}, \kappa, \phi} = N_{\text{kof}, \kappa, \phi 1} + N_{\text{kof}, \kappa, \phi 2} = n_{\text{kof}, \kappa, \phi} = N_{\text{kof}, \kappa, \phi} / 600 =$
Кобальт $n_{\text{коб}} = n_{\text{коб,к,ф}} - n_{\text{к,ф}} =$

Задание 2. Измерить гамма-излучение калия.

1. Препарат калиевой соли в виде полусферы установить под блоком детектора так, чтобы оси препарата и детектора совпадали, а центр сцинтиллятора, отмеченный на блоке детектора чертой, был на уровне верхнего среза препара-

та. Для выравнивания препарата по высоте используйте подходящую подкладку.

*Примечание*. Блок детектора можно немного поднять, держась за корпус, а не за кабель.

- 2. При экспозиции 300 с зарегистрировать два раза количество срабатываний детектора (от калия и фона). Результаты измерений  $N_{\kappa, \phi 1}$  и  $N_{\kappa, \phi 2}$  записать в табл. 1.
- 3. Вычислить среднюю скорость счета  $n_{\kappa,\phi}$ . Из полученного результата вычесть фон и получить скорость счета квантов от калия  $n_{\kappa} = n_{\kappa,\phi} n_{\phi}$ . Результат записать в табл. 1.

Задание 3. Выполнить калибровку установки.

В данном задании находят коэффициент регистрации f, равный доле регистрируемых  $\gamma$ -квантов (см. формулы (18) и (19)).

- 1. Источник  $\gamma$ -излучения кобальт-60, находящийся в свинцовом контейнере, вставить в углубление прямоугольной формы ("колодец") в калиевом препарате (рис. 5).
- 2. При экспозиции 300 с зарегистрировать два раза количество срабатываний детектора, регистрирующего суммарное излучение кобальта, калия и фона. Результаты измерений  $N_{\text{коб,к,ф1}}$  и  $N_{\text{коб,к,ф2}}$  записать в табл. 1.
- 3. Вычислить среднюю скорость счета  $n_{\text{коб},\kappa,\phi}$ .
- 4. Из полученного результата вычесть скорость счета калия и фона и получить скорость счета  $\gamma$ -излучения кобальта  $n_{\text{коб}} = n_{\text{коб}, \kappa, \varphi} n_{\kappa, \varphi}$ . Результат записать в табл. 1 и 2.
- 5. На держателе кобальтового источника указана его активность  $A_0$  в прошлом, на дату поверки. Записать эти данные в табл. 2.
- 6. По формуле (9) вычислить активность кобальта  $A_{\text{коб}}$  на дату выполнения работы. Период полураспада кобальта T = 5,27 лет = 63,24 месяца. Результат записать в табл. 2.

7. По формуле (19) вычислить коэффициент регистрации, результат записать в табл. 2.

Таблица 2

Скорость счета  $\gamma$  - квантов кобальта  $n_{\text{коб}}$  = Дата выполнения работы Дата поверки кобальта Время, прошедшее с поверки, в месяцах t = Активность кобальта на дату поверки  $A_0$  = Активность кобальта на дату выполнения работы  $A_{\text{коб}}$  = Коэффициент регистрации f =

Задание 4. Определить постоянную распада и время жизни калия.

1. Подготовить таблицу 3.

Таблица 3

Масса препарата КСІ m =Количество атомов  $^{40}$ К в препарате N =Гамма-активность калия  $A \gamma =$ Постоянная распада для электронного захвата  $\lambda \gamma =$ Среднее время жизни для электронного захвата  $\tau \gamma =$ Полная постоянная распада  $\lambda =$ Среднее время жизни (для обоих видов распада)  $\tau =$ Период полураспада (для обоих видов распада) T =Относительная погрешность измерения периода полураспада  $\varepsilon =$ 

- 2. Записать в табл. 3 массу калиевого препарата, указанную на самом препарате. *Примечание*: все вычисляемые ниже величины записать в табл. 3.
- 3. Вычислить по формуле (14) количество атомов N изотопа  $^{40}$ К.
- 4. Вычислить по формуле (18) гамма-активность калия  $A \gamma$ .
- 5. Для процесса электронного захвата вычислить по формуле (16) постоянную распада  $\lambda \gamma$ , а по формуле (17) среднее время жизни  $\tau \gamma$ в секундах и годах.

- 6. Вычислить по формуле (15) полную постоянную распада (для обоих видов распада).
- 7. Вычислить по формулам (6) и (7) среднее время жизни и период полураспада калия (для обоих видов распада) в секундах и годах.
- 8. Сравнить полученный результат с известным табличным значением  $T_{\text{табл}} = 1,3^{\circ}10^{9}$  лет. Вычислить относительное отклонение (в %) полученного результата от табличного  $\varepsilon = 100 \ (T T_{\text{табл}}) \ / \ T_{\text{табл}}$ .

Задание 5. Оценить дозу излучения кобальта-60.

1. Исходя из условий опыта и используя формулу (22), оценить порядок величины дозы, полученной за время выполнения работы от источника кобальт-60. Результаты расчета представить в таблице 4.

Таблица 4

Активность источника на день выполнения работы, Бк  $A_{\text{коб}}$  = Время облучения, час t = Расстояние от источника до человека, м r = Доза, мЗв H =

Задание 6. Вычислить дозу внутреннего излучения калия.

Цель данного задания – самостоятельно оценить по порядку величины годовую дозу, получаемую человеком в результате распада калия во всем его теле. В расчете принять следующие исходные данные: масса калия 100 г, молярная масса 40 г/моль; при одном распаде в теле поглощается энергия электронов, равная в среднем 0,5 МэВ. Постоянную распада взять из результатов данной работы. Результаты расчета привести в табл. 5.

Таблица 5

 Поглощенная доза D =

Эквивалентная доза H =

Полученные дозы сравнить с годовой дозой естественного облучения (см. раздел "Дозиметрия излучений").

#### Контрольные вопросы

- 1. Сформулируйте закон радиоактивного распада.
- 2. Что такое постоянная распада, среднее время жизни и период полураспада? Какая связь между ними?
- 3. Что такое активность и в каких единицах она измеряется?
- 4. Из какой части атома вылетает электрон при  $\beta^-$  распаде?
- 5. Объясните процесс распада нейтрона.
- 6. Что такое электронный захват?
- 7. По каким схемам распадается изотоп калий-40?
- 8. Как устроен и работает сцинтилляционный детектор?
- 9. Чем отличается эквивалентная доза от поглощенной дозы?
- 10. Какова абсолютная и относительные погрешности измерения скорости счета, если за 100 с (точно) зарегистрировано 1000 импульсов?

#### список литературы

- 1. Мартинсон Л.К., Смирнов Е.В. Квантовая физика: Учебное пособие. М.: Изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2004. 496 с.
- 2. Савельев И.В. Курс общей физики в 3 т. М.: Наука, 1988. т. 3. 496 с.
- 3. Фетисов И.Н. Определение большого периода полураспада в учебной лаборатории // Изв. вузов. Физика. 1987. № 8.
- 4. Тейлор Дж. Введение в теорию ошибок: Пер. с англ. М.: Мир, 1985.
- 5. Савельева А.И., Фетисов И.Н. Обработка результатов измерений при проведении физического эксперимента. М.: МВТУ, 1984.