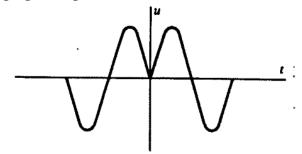
## Задача 10

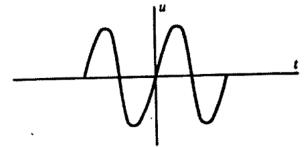
## Дано:

График гармонического колебания



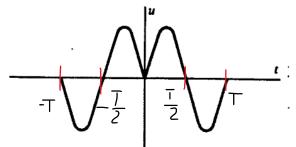
## Найти:

- 1) Показать, что спектральная плотность этого сигнала равна нулю на нулевой частоте.
- 2) На частоте высокочастотного заполнения.
- 3) Как изменится спектр этого сигнала если он приобретет форму:



## Решение:

1)



Правая спектральная плотность

$$S_{\Pi}(\omega)$$

Левая спектральная плотность

$$S_{\pi}(\omega) = -S_{\pi}(\omega)e^{-i\omega T}$$
  
$$S_{\Sigma} = S_{\pi}(\omega)(1 - e^{-i\omega T})$$

При 
$$\omega=0$$
  $S_{\Sigma}=0$ 

2) Частота высокочастотного заполнения  $\omega_0$ 



$$\begin{cases} f = \frac{1}{T} \\ \omega = 2\pi f \end{cases} \Rightarrow w = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow w_0 = \frac{2\pi n}{T}$$

$$S_{\Sigma} = S_{\Pi} \left(\frac{2\pi}{T}\right) \left(1 - e^{-i2\pi n}\right) = S_{\Pi} \left(\frac{2\pi}{T}\right) \left(1 - (\cos(2\pi n) - i\sin(2\pi n))\right) =$$

$$= S_{\Pi} \left(\frac{2\pi}{T}\right) \left(1 - (1 - 0)\right) = 0$$

3) Спектр сигнала измененной формы:

$$S_{\Sigma}=2S_{\Pi}(\omega)$$
 при  $\omega=0$   $S_{\Sigma}=2S_{\Pi}\Bigl(rac{2\pi n}{T}\Bigr)$  при  $w=w_0=0$