## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 13 (20-42).

Интегралы и дифференциальные уравнения 2-й сем., ИУ-РЛ-БМТ (2019-20)

- **1.** (6 баллов) Сформулировать свойства определенного интеграла. Доказать теорему о среднем для определенного интеграла.
  - 2. (6 баллов) Проинтегрировать:

$$\int \frac{x^4 + 3x^3 + 1}{x^3 + x^2} \, dx.$$

- **3.** (6 баллов) Вычислить площадь фигуры, ограниченной кривыми  $y=2\ln{(x-2)}; y=\ln{x}; y=0.$
- 4. (6 баллов) Решить уравнение

$$xy'' - 2y' = 3x(y')^2.$$

5. (6 баллов) Указать вид общего решения

$$y^{V} + 8y'' = (x - 3)e^{-2x} + x^{2}e^{2x} + x^{4} - 3x^{2} - e^{x}\sin(\sqrt{3}x).$$

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 25.05.2020

Заведующий кафедрой ФН-12 \_\_\_\_\_(А.П. Крищенко)