## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 15 (20-33).

Математический анализ

1-й сем., ИУ-РЛ-БМТ (2020-21)

- 1. (4 балла) Сформулируйте и докажите теорему о пределе промежуточной функции.
- **2.** (5 баллов) Вычислить предел  $\lim_{x\to 1^-} \frac{\ln(1-x)}{1+3\ln\cos\frac{\pi x}{2}}$ .
- **3.** (5 баллов) Доказать, что  $\sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}} \sim _{x \to 0} \sqrt[8]{x}$ .
- **4.** (5 баллов) Найти точки разрыва функции  $f(x) = 2^{1/(x^2-4)}$  и классифицировать их. Дать графическую иллюстрацию в окрестности каждой точки разрыва.
- **5.** (6 баллов) С помощью формулы Тейлора разложить многочлен  $P(x) = x^5 2x^4 + x^3 x^2 + 2x 1$  по степеням x 1.
- **6.** (5 баллов) Найти асимптоты и точки экстремума функции  $f(x) = x\sqrt{1-x^2}$ . Построить график функции в окрестности точек экстремума и асимптот.

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 <u>03.12.2020</u>

Заведующий кафедрой ФН-12 \_\_\_\_\_(А.П. Крищенко)