ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 8 (20-42).

Интегралы и дифференциальные уравнения 2-й сем., ИУ-РЛ-БМТ (2019-20)

- **1.** (6 баллов) Сформулировать и доказать теорему о существовании фундаментальной системы решений линейного однородного дифференциального уравнения n-го порядка.
 - 2. (6 баллов) Исследовать на сходимость несобственный интеграл

$$\int_{0}^{1} \frac{\sin x}{\sqrt{1-x^2}} \, dx.$$

- **3.** (6 баллов) Вычислить площадь фигуры, ограниченной кривыми $y = e^x 2$; $y = 3e^{-x}$; x = 0.
- 4. (6 баллов) Решить уравнение

$$y'' - 3y' = e^{3x} - 18x.$$

при начальных условиях $y|_{x=0} = 1$, $y'|_{x=0} = \frac{7}{3}$.

5. (6 баллов) Указать вид общего решения

$$y^{V} + 9y''' = 1 - x^{3} + x - x^{2}e^{2x} + (x - 1)\cos 3x + x^{2}\sin 3x.$$

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 $\underline{25.05.2020}$

Заведующий кафедрой ФН-12 _____(А.П. Крищенко)