

Técnicas de programação para Games Aula04 Recursão

Professor Mestre: Adilson Lopes Khouri

4 de novembro de 2018



Sumário

Recursão



Cronograma

Aula	Conteúdo
12/04/2018	XP e banco de dados
17/04/2018	Introdução de estruturas de dados
24/04/2018	Arrays / Matrizes e Ordenação
26/04/2018	Recursão
03/05/2018	Lista Ligada
08/05/2018	Pilha, Fila
10/05/2018	Hash
15/05/2018	Árvore Binária
17/05/2018	Неар
22/05/2018	Grafos
24/05/2018	Prova



Recursão

- O que é recursão? Uma função que chama ela mesma diversas vezes até convergir em um caso básico do problema, de solução simples. Após atingir esse caso, ela combina todos os resultados intermediários até retornar a solução do problema.
- ▶ É um paradigma computacional muito poderoso, permite resolver problemas de forma simples. Programas recursivos tem uma tendência de serem menores que sua abordagens iterativas.
- Está relacionada com conceito de indução matemática.



- Indução matemática é uma técnica matemática para provar asserções sobre números naturais
- ▶ Dado um teorema T com parâmetro N, que é um número natural. Precisamos provar que T é válido.
- Usando indução matemática fazemos o seguinte procedimento:
- Provamos T para n = 1 (chamado caso base)
- ▶ Para todo T onde N > 1, se T é válido para n-1 então é válido para N (passo indutivo)



- Por que isso funciona? Por que apenas essas duas condições são suficientes?
- Simples, as condições 1 e 2 implicam que T é válido para n = 2...
- ▶ Pela condição 2, se for válido para 2 será para 3... e assim sucessivamente.



- Um exemplo matemático, a soma dos n primeiros números naturais n, pode ser escrita como: S(n) = 1+2+...+n. Sabemos que isso é a soma de uma PA com r = 1, como provar que a soma desses números é dada pela fórmula fechada: S(n) = n*(n+1)/2?
- ► Podemos usar indução!
- Passo base: n = 1 S(1) = 1 (trivial)



Passo Indutivo:

$$S(n) = S(n-1) + n \Leftrightarrow \tag{1}$$

$$((n-1)*(n-1+1))/2 + n \Leftrightarrow (2)$$

$$n*(n+1)/2 \tag{3}$$

▶ A partir da hipótese indutiva com parâmetro n-1 (fórmula fechada) chegamos em n provando por indução que funciona



Indução matemática - Exercício

Como multiplicar dois números sem usar o operador de multiplicação? Programar a versão iterativa e a recursiva...



Indução matemática - Exercício

- A sequência de Fibonacci pode ser escrita como:
- ightharpoonup F(n) se n <= 1 então retorne n
- ightharpoonup caso contrário f(n-1) + f(n-2)
- ► Vamos programar esse algoritmo....



 Uma analogia usada para compreender recursão são as bonecas russas matrioskas



Figura: Bonecas Matrioskas [1]



Indução matemática "Forte"

- Indução forte é uma estratégia parecida com indução fraca mas que origina algoritmos baseados em divisão e conquista.
- Novamente devemos provar o caso base:
- ightharpoonup N = 1
- Mas agora, ao invés de provar para n-1 vamos provar que a hipótese é válida para qualquer k < n



Indução matemática "Forte"

- Citar algoritmo de exponenciação por indução forte
- ightharpoonup N = 0 então exp(a,0) = 1 (caso base)
- Passo indutivo, sei calcular exp(a, piso(n/2))
- ▶ O cálculo seria: se n%2 = 0 então $exp(a, piso(n/2))^2$
- ▶ se n%2 = 1 então $exp(a, piso(n/2))^2$
- Explicar no quadro e programar!



Tribonacci

- ▶ A sequencia de Tribonacci é muito parecida com a série de Fibonacci. A diferença é que cada elemento é a soma dos três anteriores.
- Mostrar no quadro e programar com os alunos



Dúvidas...

Alguma dúvida?



Contato

- ► E-mail: 0800*dirso*0*gmail.com* (alunos SENAC)
- ► E-mail: adilson.khouri.usp@gmail.com
- ► Phone: +55119444 26191
- ► Linkedin
- Lattes
- ► GitHub



Referências

- [1] Khan. (2017) Khan academy. [Online]. Available: https://pt.khanacademy.org/
- [2] A. V. Aho, J. E. Hopcroft, and J. Ullman, Data Structures and Algorithms, 1st ed. Boston, MA, USA: Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc., 1983.
- [3] K. Beck and C. Andres, Extreme Programming Explained: Embrace Change (2Nd Edition). Addison-Wesley Professional, 2004.
- [4] Beck, Test Driven Development: By Example. Boston, MA, USA: Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc., 2002.
- [5] M. Fowler, Refactoring: Improving the Design of Existing Code. Boston, MA, USA: Addison-Wesley, 1999.
- [6] Geeks. (2018) A computer science portal for geeks. [Online]. Available: https://www.geeksforgeeks.org