

External memory: k-way merge sort

Хованский Виктор Сергеевич, M4136c

Задача состоит в том, чтобы отсортировать большой файл, который не умещается целиком в оперативной памяти.

Условия

Пусть исходный файл *INPUT* занимает **T** байт на жестком диске.
Нужно его отсортировать, используя **M** байт в оперативной памяти.
Результат должен быть записан в файл *OUTPUT*. Разрешается создавать временные файлы.

Описание алгоритма

В первой фазе алгоритма будем считывать блоки размера **M** в оперативную память и сортировать их в ней. Отсортированный блок размера **M** записывается в файл *OUTPUT_i*, где *i* – номер итерации.

Во второй фазе алгоритма заводим приоритетную очередь из ленивых узлов, где приоритетом будет выступать наименьший элемент из узла. Каждый узел будет хранить следующие поля:

- Указатель на временный файл *OUTPUT_i*;
- Локальное смещение в буфере *bufferOffset*;
- Доступная длина буфера *bufferAvailable*;
- Глобальное смещение в файле *fileOffset*;
- Доступная длина файла *fileAvailable*;

Узлы представим в виде итераторов. Тогда условием обновления данных в буфере узла будет следующим:

```
if (bufferOffset == bufferAvailable && fileOffset < fileAvailable) { /**/ }
```

И при истинности данного выражения нужно загрузить в буфер данные с позиции *fileOffset*.

На очередной итерации фазы слияния в приоритетную очередь кладутся **k** узлов, которые соответствуют **k** наиболее старым файлам (с наименьшим номером *i*).

Теперь можно последовательно извлекать узлы-итераторы из очереди и записывать очередной элемент итератора в выходной файл *OUTPUT_(i+1)*.

Данные в каждом временном файле были отсортированы в первой фазе алгоритма или на предыдущих итерациях слияния файлов, поэтому на позиции *bufferOffset* будет всегда наименьший элемент (считаем, что сортировка по возрастанию).

Если после записи очередного элемента в файл, итератор не пуст, то добавляем его обратно в очередь. Иначе, узел можно удалить вместе с его временным файлом. Таким образом, суммарный размер временных файлов не будет превышать **T**. Цикл продолжается до тех пор, пока очередь не станет пустой. Далее итерация начинается заново. Последующие итерации продолжаются до тех пор, пока не останется только один ленивых-узел с одним временным файлом. Этот файл можно записать в *OUTPUT* как результат алгоритма.

Тестирование

Для тестирования используется генерация случайного равновероятного набора элементов, которые записываются в массив.

Далее данный массив записывается в файл *INPUT* и после этого сортируется, описанным выше алгоритмом, и проверяется корректность сортировки.

Результаты тестирования

| Номер эксперимента | T | M | k | External, ms |
|--------------------|----------|--------|----|--------------|
| 1 | 100000 | 317 | 2 | 208 |
| 2 | 100000 | 317 | 4 | 210 |
| 3 | 100000 | 317 | 8 | 91 |
| 4 | 100000 | 317 | 16 | 94 |
| 5 | 100000 | 317 | 32 | 118 |
| 6 | 100000 | 3170 | 2 | 23 |
| 7 | 100000 | 3170 | 4 | 32 |
| 8 | 100000 | 3170 | 8 | 21 |
| 9 | 100000 | 3170 | 16 | 25 |
| 10 | 100000 | 3170 | 32 | 27 |
| 11 | 100000 | 31700 | 2 | 7 |
| 12 | 100000 | 31700 | 4 | 7 |
| 13 | 100000 | 31700 | 8 | 8 |
| 14 | 100000 | 31700 | 16 | 7 |
| 15 | 100000 | 31700 | 32 | 8 |
| 16 | 1000000 | 1001 | 2 | 671 |
| 17 | 1000000 | 1001 | 4 | 553 |
| 18 | 1000000 | 1001 | 8 | 528 |
| 19 | 1000000 | 1001 | 16 | 520 |
| 20 | 1000000 | 1001 | 32 | 576 |
| 21 | 1000000 | 10010 | 2 | 328 |
| 22 | 1000000 | 10010 | 4 | 285 |
| 23 | 1000000 | 10010 | 8 | 293 |
| 24 | 1000000 | 10010 | 16 | 281 |
| 25 | 1000000 | 10010 | 32 | 253 |
| 26 | 1000000 | 100100 | 2 | 154 |
| 27 | 1000000 | 100100 | 4 | 141 |
| 28 | 1000000 | 100100 | 8 | 158 |
| 29 | 1000000 | 100100 | 16 | 119 |
| 30 | 1000000 | 100100 | 32 | 103 |
| 31 | 10000000 | 3163 | 2 | 5587 |
| 32 | 10000000 | 3163 | 4 | 5327 |
| 33 | 10000000 | 3163 | 8 | 4887 |
| 34 | 10000000 | 3163 | 16 | 4111 |
| 35 | 10000000 | 3163 | 32 | 4573 |
| 36 | 10000000 | 31630 | 2 | 3425 |
| 37 | 10000000 | 31630 | 4 | 3813 |
| 38 | 10000000 | 31630 | 8 | 3704 |
| 39 | 10000000 | 31630 | 16 | 3146 |

| Номер эксперимента | T | M | k | External, ms |
|--------------------|----------|---------|----|--------------|
| 40 | 10000000 | 31630 | 32 | 2933 |
| 41 | 10000000 | 316300 | 2 | 2153 |
| 42 | 10000000 | 316300 | 4 | 2115 |
| 43 | 10000000 | 316300 | 8 | 1945 |
| 44 | 10000000 | 316300 | 16 | 1786 |
| 45 | 10000000 | 316300 | 32 | 1446 |
| 46 | 10000000 | 3163000 | 2 | 593 |
| 47 | 10000000 | 3163000 | 4 | 519 |
| 48 | 10000000 | 3163000 | 8 | 557 |
| 49 | 10000000 | 3163000 | 16 | 505 |
| 50 | 10000000 | 3163000 | 32 | 530 |

k – количество одновременно сливаемых файлов.

External – время выполнения алгоритма сортировки с использованием внешней памяти.