

федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования «Санкт-Петербургский национальный
исследовательский университет информационных технологий, механики и
оптики»

Факультет _____ информационных технологий и программирования
Направление (специальность) _____ Прикладная математика и информатика
Квалификация (степень) _____ Бакалавр прикладной математики и информатики
Кафедра _____ компьютерных технологий _____ Группа _____ М3439

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

к выпускной квалификационной работе

Инкрементальный адаптивный алгоритм для построения
маршрутов по заданным критериям в транспортной сети

Автор квалификационной работы _____ Хованский В.С. _____

Научный руководитель _____ Корнеев Г.А. _____

Консультанты:

а) По экономике и организации произ- _____
водства _____

б) По безопасности жизнедеятельно- _____
сти и экологии _____

в) _____

К защите допустить

Заведующий кафедрой _____ Васильев В.Н. _____

« _____ » _____ 2016 г.

Санкт-Петербург, 2016 г.

Квалификационная работа выполнена с оценкой _____

Дата защиты « _____ » _____ 2016 г.

Секретарь ГАК _____

Листов хранения _____

Чертежей хранения _____

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет информационных технологий, механики и оптики»

АННОТАЦИЯ ПО ВЫПУСКНОЙ КВАЛИФИКАЦИОННОЙ РАБОТЕ

Студент _____ Хованский В.С.
Факультет _____ информационных технологий и программирования
Кафедра _____ компьютерных технологий _____ Группа М3439
Направление (специальность) _____ Прикладная математика и информатика
Квалификация (степень) _____ Бакалавр прикладной математики и информатики
Наименование темы Инкрементальный адаптивный алгоритм для построения маршрутов по заданным критериям в транспортной сети
Руководитель _____ Корнеев Г.А., канд. техн. наук, доцент
Консультант _____ Малинин А.А., канд. техн. наук

КРАТКОЕ СОДЕРЖАНИЕ ВЫПУСКНОЙ КВАЛИФИКАЦИОННОЙ РАБОТЫ И ОСНОВНЫЕ ВЫВОДЫ

объем 51 стр., графический материал — стр., библиография 15 наим.

Направление и задача исследований

Целью данной работы является получение алгоритма, умеющего инкрементально строить маршруты, соответствующие входным условиям и упорядоченные по требуемой сортировке, а также доступные фильтры.

Проектная или исследовательская часть (с указанием основных методов исследований, расчетов и результатов)

В результате данной работы был получен и реализован ряд алгоритмов для построения маршрутов и доступных фильтров. При этом новые алгоритмы дают качественно более хорошие результаты, чем текущие разработки.

Экономическая часть (какие использованы методики, экономическая эффективность результатов)

Не рассматривалась.

Характеристика вопросов экологии, техники безопасности и др.

Не рассматривалась.

Является ли работа продолжением курсовых проектов (работ), есть ли публикации

Данная работа не является продолжением курсового проекта. Данная работа не имеет публикаций.

Практическая ценность работы. Рекомендации по внедрению

Результаты данной работы, реализованные в виде ПО, проходят испытания перед внедрением.

Выпускник _____

Научный руководитель _____

« ____ » _____ 2016 г.

ОГЛАВЛЕНИЕ

ВВЕДЕНИЕ.....	6
1. Обзор предметной области.....	7
1.1. Основные определения.....	7
1.2. Виды транспорта и его особенности.....	8
1.2.1. Железнодорожный.....	9
1.2.2. Воздушный.....	9
1.2.3. Автомобильный.....	9
1.3. Построение маршрутов.....	9
1.3.1. Мультимодальность.....	10
1.3.2. Временные интервалы.....	10
1.3.3. Инкрементальное построение.....	10
1.3.4. Адаптивность.....	10
1.4. Построение фильтров к доступным маршрутам.....	11
1.4.1. Косвенные признаки.....	11
1.4.2. Осуществление фильтрации.....	11
1.4.3. Функциональные зависимости.....	12
1.5. Сортировка маршрутов.....	12
1.5.1. Количество пересадок.....	13
1.5.2. Время отправления/прибытия.....	13
1.6. Известные алгоритмы.....	13
1.6.1. Алгоритм Дейкстры.....	14
1.6.2. Алгоритм Йена.....	15
Выводы по главе 1.....	16
2. Алгоритм построения маршрутов.....	17
2.1. Модели данных.....	17
2.1.1. Статичный граф.....	17
2.1.2. Граф расписаний.....	18
2.1.3. Граф рейсов.....	20
2.2. Построение маршрутов.....	24
2.2.1. Дополнение временных интервалов.....	24
2.2.2. Фаза инициализации.....	25
2.2.3. Фаза обхода.....	27

2.3. Сортировка маршрутов	30
2.3.1. Количество пересадок	30
2.3.2. Время прибытия.....	33
2.3.3. Время отправления.....	34
2.3.4. Время в пути	35
2.4. Построение фильтров	37
2.4.1. Косвенные признаки.....	37
2.4.2. Осуществление фильтрации.....	38
2.4.3. Функциональные зависимости.....	40
Выводы по главе 2	40
3. Детали реализации и тестирование	42
3.1. Работа с базой данных	42
3.1.1. Особенности базы данных	42
3.1.2. Персистентные модели данных.....	42
3.1.3. Кэши	45
3.2. Генерация карт транспортных сетей	46
3.3. Результаты тестирования	47
Выводы по главе 3	48
ЗАКЛЮЧЕНИЕ	49
СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ	50

ВВЕДЕНИЕ

С увеличением объема грузовых и пассажирских перевозок растет и сложность обеспечения логистики, а также количество сервисов по продаже билетов в разные точки страны.

К сожалению, существующие сервисы по поиску маршрутов обладают существенными ограничениями. Одни не строят мультимодальные маршруты, другие не обновляются в режиме реального времени. На момент написания статьи автор нигде не нашел сервисов, в которых бы строились удобные фильтры по доступным маршрутам. Вся фильтрация ограничивается только типом транспорта или типом вагонов, если система строит маршруты только для поездов.[1][2]

При этом пассажироборот из года в год только растет. Например, только лишь пригородные перевозки в целом по сети РФ в 2011 году возросли и составили 878,33 млн чел. А пассажироборот пригородного железнодорожного транспорта по регионам России варьируется от 5% до 30% в общем пассажиропотоке. Не маловажный факт, что первое место по объему пригородных перевозок по итогам 2011 года со значительным отрывом занимает Московская железная дорога – 510,1 млн чел., на которой тоже требуется эффективно строить маршруты.[3]

Таким образом, целью данной работы является получение алгоритма, умеющего инкрементально строить маршруты, соответствующие входным условиям и упорядоченные по требуемой сортировке, а также доступные фильтры. На его основе требуется написать сервис, в котором будут проведены дополнительные технические оптимизации.

ГЛАВА 1. ОБЗОР ПРЕДМЕТНОЙ ОБЛАСТИ

В данной главе описаны основные определения из области поиска путей в теории графов. В первом разделе главы описаны понятия из теории графов. Во втором – из формальной области транспортных сетей. В третьем разделе формализуется задача и список требований по поддерживаемым свойствам для построения маршрутов. Четвертый раздел содержит краткое описание основных алгоритмов теории графов для поиска путей с описанием преимуществ и недостатков данных подходов.

1.1. Основные определения

Определение 1. Теория графов – раздел дискретной математики, изучающий свойства графов.[4]

Определение 2. Граф – это множество вершин (узлов), соединенных ребрами. В строгом определении графом называется такая пара множеств $G = \langle E, V \rangle$, где V – подмножество любого счетного множества, а E – подмножество $V \times V$. [5]

Определение 3. Маршрут – это конечная последовательность вершин, в которой каждая вершина (кроме последней) соединена ребром со следующей в последовательности вершиной. Цепью называется маршрут без повторяющихся ребер. Простой цепью называется маршрут без повторяющихся вершин (откуда следует, что в простой цепи нет повторяющихся ребер). [5]

Определение 4. Ориентированный маршрут (или путь) – это конечная последовательность вершин и дуг, в которой каждый элемент инцидентен предыдущему и последующему. [5]

Определение 5. Цикл – это цепь, в которой первая и последняя вершины совпадают. При этом длиной пути (или цикла) называют число составляющих его ребер. [5]

Определение 6. Транспортное средство – это совокупность технических систем, предназначенных для перемещений людей и грузов из одного места в другое.

Определение 7. Транспортный узел – это комплекс транспортных устройств в пункте стыка нескольких видов транспорта, совместно выполняющих операции по обслуживанию транзитных, местных и городских перевозок грузов и пассажиров.

Определение 8. Транспортный рейс – передвижение транспортного средства от места отправления до места назначения по заранее определённом маршруту и установленному расписанию, характеризуется выполнением определенной транспортной работы. В течение смены транспортное средство может осуществить несколько рейсов.

Определение 9. Транспортная сеть – это совокупность всех транспортных рейсов, представленных в течение интервала продажи билетов.

Определение 10. Остановка – специально отведенное общественное место, предназначенное для посадки/высадки пассажиров рейсового транспортного средства.

Определение 11. Расписание – таблица, для которой указана информация о предстоящих (планируемых или потом произошедших) событиях.

Определение 12. Мультимодальный маршрут – это конечная последовательность транспортных рейсов, попав на которые в определенные промежутки времени можно добраться от начального транспортного узла до конечного.

Определение 13. Построитель маршрутов – это программный комплекс для обработки внешних поисковых клиентских запросов, имеющий доступ к полному объему данных о расписаниях на всех транспортных узлах и осуществляющий выдачу определенного количества маршрутов в соответствии с поступившими в запросах требованиями. Также в качестве дополнительных возможностей доступно построение фильтров и различной статистики (активные транспортные узлы, активные транспортные рейсы, проходящие через заданный узел).

Определение 14. Клиентское приложение – это любое приложение, которое осуществляет запросы к построителю маршрутов за результатом (маршрутами и фильтрами).

1.2. Виды транспорта и его особенности

В транспортной сети, в которой будут строиться маршруты, будет существовать только транспорт с конкретным расписанием транспортных рейсов. Таким образом, идет допущение о том, что система сети идеальна и весь транспорт гарантировано совершает остановки в назначенное время. Постановка вспомогательных свойств для построителя маршрутов, которые позволяют сгладить последствия этого допущения, будут описаны в следующих главах. Далее рассмотрим виды транспорта.

1.2.1. Железнодорожный

В задаче будут использоваться 2 вида железнодорожного транспорта. Во-первых, это будут поезда дальнего следования, у которых небольшое количество рейсов (около 10^5 в течение интервала продажи билетов). Во-вторых, это будут электрички, которые уже совершают до 10^6 рейсов за аналогичный промежуток времени. Транспортными узлами являются железнодорожные станции и вокзалы.

1.2.2. Воздушный

Воздушный транспорт будет представлен только самолетами. При этом количество рейсов около 10^3 , поэтому особый интерес этот случай не представляет. Но стоит отметить, что в большинстве случаев мультимодальный маршрут не будет содержать больше одного воздушного сегмента пути. Транспортными узлами являются аэропорты.

1.2.3. Автомобильный

Автомобильный транспорт состоит из автобусных междугородних рейсов. Около 95% таких рейсов совершаются только между соседними городами, что сильно упрощает задачу, но их количество все равно большое — 10^6 . Также в эту категорию входит транспорт в пределах города (или любого крупного населенного пункта), например, такси. Стоит отметить, что в этот вид транспорта можно внести любые другие средства передвижения внутри города, так как в конечном счете это не будет влиять на алгоритм. При этом важно, чтобы у нового транспорта в пределах города имелась возможность рассчитать эвристическое времени передвижения между двумя транспортными узлами, которые относятся к одному населенному пункту. Эту задачу следует решать на основе статистики или с помощью сторонних сервисов, которые умеют анализировать дорожную ситуацию и могут оценить время движения на основе карты автомобильных заторов. Транспортными узлами являются автобусные остановки и крупные населенные пункты.

1.3. Построение маршрутов

Основная задача, ставящаяся перед строителем маршрутов — построение маршрутов по данным в его памяти и внешних базах данных, доступных для чтения в конкретный момент времени. На алгоритм построения маршрутов в транспортной сети накладываются следующие условия и ограничения.

1.3.1. Мультимодальность

Маршруты могут быть мультимодальными, то есть проходить через несколько точек-остановок, содержать пересадки, проходить разными видами транспорта со своими особенностями и т.д.; Это нужно для того, чтобы была возможность добраться из любой точки в любую, где есть хотя бы какой-нибудь транспорт. Вариант пройти пешком небольшой кусок пути тоже доступен внутри крупного населенного пункта.

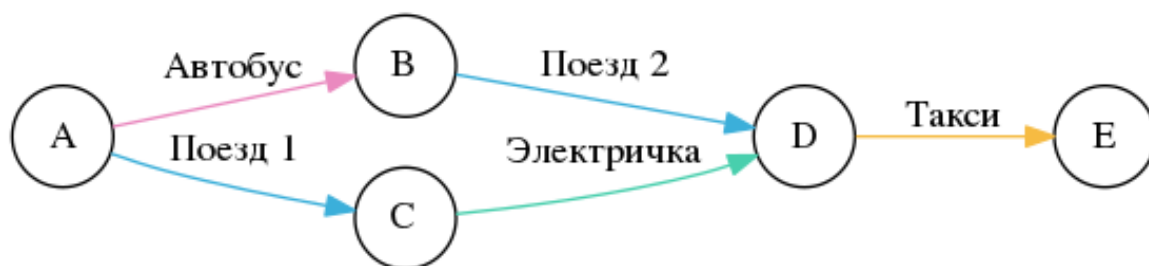


Рисунок 1 – Несколько мультимодальных маршрутов от точки А до точки Е.

1.3.2. Временные интервалы

Маршруты можно строить для определенных интервалов времени. Например, хотим выехать в промежуток с 8-00 до 12-00 утра, а приехать в любой день на следующей неделе, но обязательно после 21-00. Это требуется для того, чтобы иметь возможность бронировать гостиницу, не отходя от кассы.

1.3.3. Инкрементальное построение

Маршруты требуется строить инкрементально (не все сразу, а только небольшую часть из существующих) из-за того, что возможное количество маршрутов может достигать до 10^9 между парой крупных населенных пунктов с 3 допустимыми пересадками и интервалом времени в пути равным нескольким дням. Это требуется для конечного клиентского приложения, чтобы можно было организовать страничный показ результатов без полного вычисления всех маршрутов на предыдущих страницах.

1.3.4. Адаптивность

Маршруты могут строиться адаптивно по времени из-за того, что важно время отклика алгоритма, то есть в приоритете время выполнения над показом действительно всех требуемых результатов.

1.4. Построение фильтров к доступным маршрутам

Под фильтром в данном случае понимается предикат, который принимает в качестве аргумента построенный маршрут и возвращает ИСТИНА или ЛОЖЬ в зависимости от того, удовлетворяет ли маршрут критериям поиска, которые задает фильтр. Таким образом, помимо построения самих маршрутов, требуется построить фильтры по доступным маршрутам с условиями, перечисленными далее.

1.4.1. Косвенные признаки

Из-за того, что маршруты строятся не все сразу, то кроме непосредственно найденных маршрутов существует огромное количество потенциально доступных маршрутов. При этом мы хотим получить к ним доступ по косвенным признакам. Например, это может быть тип транспорта, номер поезда или тип места в самолете (у окна/у туалета/в хвосте). Формально любой параметр доступный в модели данных может стать доступным для фильтрации¹.

1.4.2. Осуществление фильтрации

Фильтрацию мы хотим осуществлять как можно раньше для некоторых фильтров, и позже – для других, потому что некоторые проверки могут занять большое количество времени. Дополнительно мы хотим поддерживать несколько типов фильтрации:

- **Фильтрация по отрезкам.** Переданный фильтр должен пропускать каждый сегмент маршрута. При этом для каждого типа косвенного признака может быть задан один из нескольких предикатов.
- **Фильтрация по маршрутам.** В данном случае фильтр должен пропускать маршрут целиком. Примером такого фильтра может быть количество свободных мест.
- **Дополнительные условия.** В эту категорию входят особые фильтры бизнес-логики, они не задаются специально через клиентское приложение, но действуют для всех найденных маршрутов. Примером таких фильтров служит то, что в маршруте не должны повторяться станции или рейсы.

¹Под моделью данных в данном случае подразумевается любой абстрактный объект, который имеет отражение в реальном мире: поезд, самолет, аэропорт и т.д.

1.4.3. Функциональные зависимости

Не последнюю роль в фильтрах играют функциональные зависимости, потому что в последствии фильтры нужно будет удобно отображать без противоречий в клиентском приложении. Например, тип места «у окна» в купе и каюте относятся к разным типам транспорта и их нельзя объединять. Пример «дерева» функциональных зависимостей для поезда:

- Точки отправления и прибытия
- Интервалы отправления и прибытия
- Вид транспорта - Поезд:
 - Перевозчик
 - Бренд
 - Номер
 - Тип вагона:
 - * Купе:
 - Верхнее/нижнее
 - Не у туалета
 - * Сидячий:
 - У окна/у прохода
 - * Плацкарт:
 - Верхнее/нижнее
 - Не у туалета
 - Боковое/не боковое

Каждый уровень списка зависит от родительского уровня и строго им определяется для того, чтобы исключить ситуации, когда несколько косвенных признаков совпадают у разных видов транспорта. Например, признак «Перевозчик» у поезда и самолета. Такое разделение необходимо для корректного с точки зрения логики и удобного вывода результата в клиентском приложении.

1.5. Сортировка маршрутов

Маршруты требуется строить в порядке сортировки. В простейшем варианте можно сортировать только построенные маршруты, что не представляет из себя никакой сложности. В сложном варианте маршруты строятся на основе любого предиката сравнения пары маршрутов и выдаются в результате, гарантируя определенный порядок. В рамках данной работы подходит

«средний» вариант. Требуется гарантировать определенный порядок построенных маршрутов без пропусков, но предикаты известны заранее. Всего их 4 основных вида:

1. Количество пересадок;
2. Время отправления;
3. Время прибытия;
4. Время в пути;

Далее рассмотрим некоторые из них более подробно.

1.5.1. Количество пересадок

Самая простая сортировка в рамках данной работы (или просто сортировка по-умолчанию). Несложно заметить, что количество пересадок будет пропорционально количеству транспорта, который включен в мультимодальный маршрут. И если представить каждый отрезок пути на конкретном транспорте отдельным ребром в абстрактном графе, то сортировка будет происходить относительно количества ребер.

1.5.2. Время отправления/прибытия

У каждой остановки любого транспортного рейса существует время прибытия и время отбытия. У первой и последней остановок оно совпадает. Если задан бесконечный или полу-бесконечный интервал, то нижний предел времени ограничен текущим серверным временем, а верхний предел – неким разумным пределом, например, датой продаж. Для выбора верхней границы существуют разные стратегии. Например, при заданном интервале отправления можно устанавливать интервал прибытия зависимым от него. Для этого нужно знать максимальную продолжительность пути в системе, что не представляет сложности при ограничении максимального количества пересадок.

1.6. Известные алгоритмы

В этом разделе мы рассмотрим типовые алгоритмы для поиска маршрутов в графе. Многие известные сервисы для заказа билетов работают на их основе с некоторыми дополнениями для поддержания требуемой бизнес-логики.

1.6.1. Алгоритм Дейкстры

Классический алгоритм для вычисления кратчайших путей в статическом графе $G = (V, E)$ с функцией веса² для ребер называется алгоритмом Дейкстры[7]. В частности, алгоритм, разработанный Э. Дейкстрой, решает проблему нахождения кратчайших маршрутов от единственной стартовой вершины s до всех остальных вершин в графе G . Алгоритм поддерживает для каждой вершины u метку $\delta(u)$ с предварительным расстоянием от s до u . Каждая вершина может находиться в одном из следующих состояний: нерассмотренная, рассмотренная, посещенная.

Листинг 1 – Алгоритм Дейкстры

```
function DIJKSTRA( $s$ )
     $\delta = \{\infty, \dots, \infty\}$                                  $\triangleright$  предварительные расстояния
     $\delta(s) = 0$                                                $\triangleright$  поиск начинается из вершины  $s$ 
     $Q.update(0, s)$                                            $\triangleright$  приоритетная очередь
    while  $Q \neq \emptyset$  do
         $(_, u) = Q.deleteMin()$                                  $\triangleright$  посещаем  $u$ 
        for  $e = (u, v) \in E$  do                             $\triangleright$  релаксируем ребра
            if  $\delta(u) + c(e) < \delta(v)$  then
                 $\delta(v) = \delta(u) + c(e)$ 
                 $Q.update(\delta(v), v)$ 
            end if
        end for
    end while
end function
```

Изначально только вершина s считается рассмотренной с $\delta(s) = 0$ и все остальные вершины u являются нерассмотренными с $\delta(u) = \infty$.

На каждом шаге вершина u с минимальной $\delta(u)$ извлекается и удаляется из приоритетной очереди Q . Будем говорить, что вершина посещена, так как теперь известно, что $\delta(u)$ – кратчайшее расстояние. Все исходящие ребра (u, v) посещенной вершины релаксируются, то есть сравнивается кратчайшее расстояние от s через u до вершины v с предварительным расстоянием $\delta(v)$. Если оно меньше, то мы обновляем $\delta(v)$ и v в приоритетной очереди Q . Стоит заметить, что такое обновление для нее это либо операции вставки, если вершина рассмотрена, либо операция уменьшения ключа в противном случае.

²Предполагается, что в статическом графе ребра имеют неотрицательные веса. Для общего случая можно использовать алгоритм Беллмана – Форда.[6]

Алгоритм заканчивает работу только тогда, когда очередь становится пустой. Это произойдет после n шагов, где n – это количество вершин в графе G .

В приведенном псевдокоде видно, что иногда мы не посещаем все вершины в графе. Это происходит из-за того, что либо такие вершины недостижимы из s , либо очередь становится пустой раньше, чем мы доходим до такой вершины. Для того, чтобы избежать инициализации алгоритма за $O(n)$ при последовательных вызовах, можно сохранять посещенные вершины и обновлять их значения δ после конца алгоритма. Таким образом, асимптотика алгоритма зависит только от количества посещенных вершин и релаксируемых ребер, а не от n . [8]

Алгоритм Дейкстры использует максимум n операций вставки в приоритетную очередь, n удалений и m операций уменьшения ключа, обеспечивая таким образом асимптотику $O(m + n \log n)$ при использовании Фибоначчиевой кучи. [9]

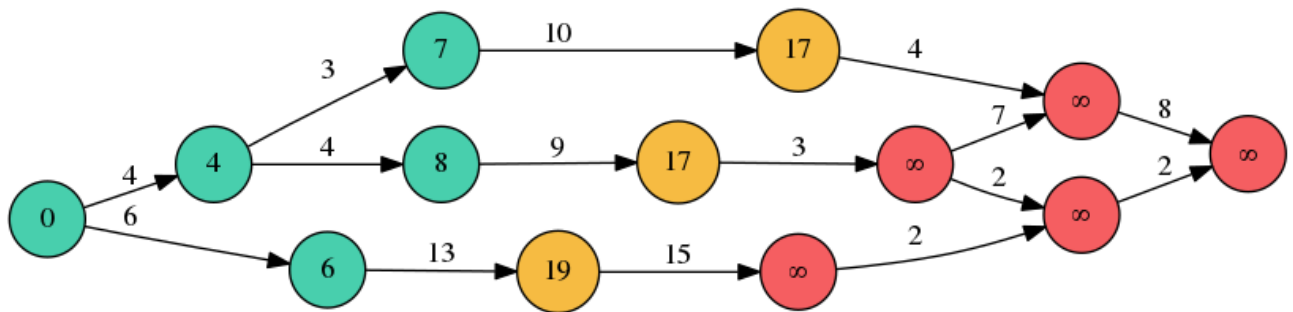


Рисунок 2 – Состояние алгоритма Дейкстры после посещения 5 вершин. Посещенные - зеленые, рассмотренные - желтые, нерассмотренные - красные.

1.6.2. Алгоритм Йена

Алгоритм Йена находит k путей без циклов от единственной стартовой вершины s до конечной вершины t в статичном графе. Разработанный Йеном алгоритм предполагает, что в его основе будет лежать любой другой алгоритм поиска кратчайшего пути, например, его основой может послужить алгоритм Дейкстры. Идея основана на том, что можно построить изначально кратчайший путь и потом на основе этого пути искать ответвления, чтобы построить следующий. Каждая k итерация будет искать ответвления от кратчайших путей, полученных на $k - 1$ итерациях. [10]

Листинг 2 – Алгоритм Йена

```
function YEN( $s, t, K$ )  
   $A[0] = Dijkstra(s, t)$   $\triangleright$  определяем кратчайший путь от  $s$  до  $t$   
   $B = \emptyset$   $\triangleright$  приоритетная очередь, хранящая кандидатов на  $k$  кратчайший  
  путь  
  for  $k = 1$  to  $K$  do  
    for  $i = 0$  to  $size(A[k - 1]) - 1$  do  
       $spurNode = A[k - 1].node(i)$   $\triangleright$  Вершина ответвления  
      извлекается из полученного на предыдущей итерации пути  
       $rootPath = A[k - 1].nodes(0, i)$   $\triangleright$  Последовательность вершин от  
      стартовой до вершины ответвления образуют корневой префикс пути  
      for  $p \in A$  do  
        if  $rootPath = p.nodes(0, i)$  then  
          удаляем  $p.edge(i, i + 1)$  из графа  
        end if  
      end for  
      for  $rootPathNode \in rootPath$  do  
        if  $rootPathNode \neq spurNode$  then  
          удаляем  $rootPathNode$  из графа  
        end if  
      end for  
       $spurPath = Dijkstra(spurNode, t)$   $\triangleright$  вычисляем  
      путь-ответвление  
       $totalPath = rootPath + spurPath$   $\triangleright$  Полный путь состоит из  
      корневого префикса и пути-ответвления  
       $B.append(totalPath)$   $\triangleright$  Добавление кандидата на кратчайший  $k$   
      путь  
      восстанавливаем в графе удаленные на текущей итерации ребра  
      и вершины  
    end for  
    if  $B = \emptyset$  then  
      break  
    end if  
     $(\_, A[k]) = B.deleteMin()$   
  end for  
end function
```

Выводы по главе 1

В главе были обозначены цели и задачи: поиск маршрутов в соответствии с правильной сортировкой и получение фильтров для доступных маршрутов по заданному запросу. Также были показаны подходы для поиска.

ГЛАВА 2. АЛГОРИТМ ПОСТРОЕНИЯ МАРШРУТОВ

2.1. Модели данных

В этом разделе будут описаны 3 способа представления данных о транспортной системе в виде графа, на котором впоследствии будут применяться алгоритмы для построения маршрутов и доступ к которому будет иметь построитель маршрутов.

2.1.1. Статичный граф

В статичном случае каждое ребро взвешено функцией $c : E \rightarrow R$, и не имеет параллельных ребер. Для каждого ребра $e = (u, v)$ будем писать иногда $c(u, v)$ вместо $c(e)$. Будем называть такой граф простым взвешенным. Вес ребра можно интерпретировать как среднее время движения, требуемое на преодоление сегмента дороги, или как физическую длину. Длина пути P в таком случае равна $c(P) = \sum_{i=1}^k c(e_i)$. Путь P^* будет являться кратчайшим в том случае, если не существует другого пути P' с такой же стартовой и конечной вершинами, что и у пути P^* , такого, что $c(P') < c(P^*)$.

Можно построить граф транспортных рейсов, который будет соответствовать данному случаю. Для этого возьмем за вершину графа транспортный узел, а движение транспорта от одного транспортного узла до другого – за ребро. За вес ребра будет принята длина сегмента пути, так как она не меняется с течением времени. Далее на таком графе можно применить алгоритм Йена и найти k путей.[11][12]

К сожалению, такой подход имеет ряд существенных минусов. Во-первых, будет доступна только одна естественная сортировка – по количеству пересадок, так как в данном случае это будет просто количество ребер. Во-вторых, поддержка временных интервалов потребует дополнительных вызовов алгоритма для того, чтобы гарантированно получить те маршруты, которых попадают в определенные временные границы. В-третьих, это размер графа, который зависит от количества остановок каждого транспорта за период даты продаж.

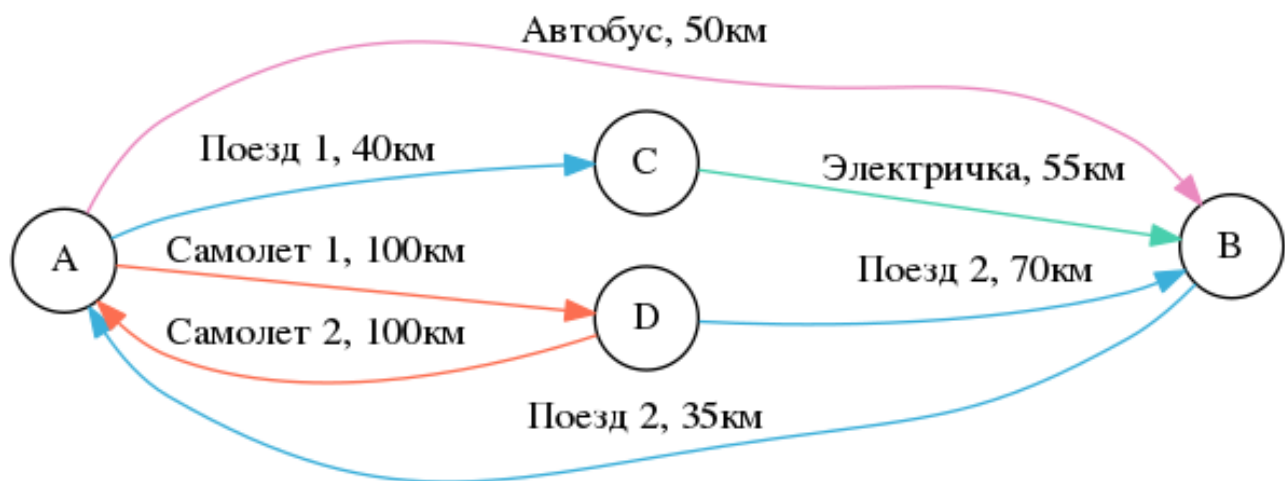


Рисунок 3 – Статичный граф с 4 узлами и 6 рейсами

2.1.2. Граф расписаний

Традиционно расписания представляются множеством поездов (автобусов, самолетов и т.д.). Каждый поезд посещает последовательность станций (автобусных остановок, аэропортов и т.д.). Для каждой станции, за исключением последней, расписание включает в себя время отбытия и для каждой станции, за исключением первой, включает в себя время прибытия.

Для того, чтобы была возможность математически определить связи, состоящие из нескольких поездов, мы разделим их в элементарные связи. Более формально, мы имеем множество станций B , множество остановок Z_S на каждой станции $s \in B$ и множество элементарных связей C , чьи элементы c являются кортежами вида $c = \{z_d, z_a, s_d, s_a, \tau_d, \tau_a\}$. Такой кортеж интерпретируется как поезд, который отправляется со станции s_d со временем отбытия τ_d после остановки z_d и затем следующую остановку z_a на станции s_a с временем прибытия τ_a . Если x обозначает поле кортежа, то $x(c)$ является значением x в элементарной связи c . Событие остановки похоже на идентификатор поезда, но на самом деле является более сложным. Определим событие остановки как последовательное прибытие и отбытие поезда со станции, не осуществляя пересадку. Для соответствующего прибытия элементарной связи c_1 и отбывающей связи c_2 выполняется $z_a(c_1) = z_d(c_2)$. Более того, событие остановки является локальным по отношению к каждой станции. Введем дополнительные события остановки для начала транспортного рейса и для его конца.

Определение 15. Длительность элементарной связи c определяется как $d(c) = \tau_a(c) - \tau_d(c)$.

На станции или любом другом транспортном узле $s \in B$ возможно совершить пересадку с одного поезда на другой, если время между прибытием и отбытием на станции s больше и равно минимальному времени ожидания пересадки $-T_{min}(s)$. Аналогично вводится максимальное время $-T_{max}(s)$. Для простоты дальнейших рассуждений примем $T_{min} = const_1$ и $T_{max} = const_2$.

Пусть $P = (c_1, \dots, c_k)$ будет последовательностью элементарных связей. Определим $dep_i(P) = \tau_d(c_i)$, $arr_i(P) = \tau_a(c_i)$, $s_d(P) = s_d(c_1)$, $s_a(P) = s_a(c_k)$, $z_d(P) = z_d(c_1)$, $z_a(P) = z_a(c_k)$, $dep(P) = dep_1(P)$, $arr(P) = arr_k(P)$ и $d(P) = arr(P) - dep(P)$. Таким образом, последовательность P будет называться согласованной связью между станциями $s_d(P)$ и $s_a(P)$, для которой выполняются следующие условия:

1. Станция отправления c_{i+1} является станцией прибытия c_i .
2. Для минимального времени пересадки соблюдается либо $z_d(c_{i+1}) = z_a(c_i)$, либо $dep_{i+1}(P) - arr_i(P) \geq T_{min}(s_a(c_i))$

Для того, чтобы построить из расписания граф, потребуется получить все маршруты поездов. Граф будет иметь 3 вида вершин, каждая из которых будет содержать время и принадлежать станции. Для каждого элементарной связи $c_1 = (z_1, z_2, S_1, S_2, \tau_1, \tau_2)$ из станции s_1 в станцию s_2 на одинаковом поезде мы добавим вершину отправления $S_1 d @ \tau_1$ на станции S_1 со временем отправления τ_1 , вершину прибытия $S_2 a @ \tau_2$ на станции S_2 со временем прибытия τ_2 и ребро $S_1 d @ \tau_1 \rightarrow S_2 a @ \tau_2$, обозначающее поездку на транспортном средстве со станции S_1 на S_2 . Если транспортное средство продолжает движение со станции S_2 во время τ_3 , то добавим ребро $S_2 a @ \tau_2 \rightarrow S_2 d @ \tau_3$, представляющее собой ожидание транспорта на станции S_2 . Это возможно независимо от того, насколько мала разница $\tau_3 - \tau_2$.

Для каждой вершины отправления $S_2 d @ \tau$ добавим вершину пересадки $S_2 t @ \tau$ с тем же временем и добавим ребро $S_2 t @ \tau \rightarrow S_2 d @ \tau$ между ними. Также мы добавим ребро $S_2 t @ \tau \rightarrow S_2 t @ \tau'$, идущее ко следующей вершине пересадки по возрастаю времени. Такие ребра будем называть ребрами ожидания (или ребрами пересадки). Теперь для того, чтобы позволить совершить пересадку после прибытия в вершину $S_2 a @ \tau_2$, добавим ребро к первой вершине пересадки, для которой выполняется $\tau \geq \tau_2 + T_{min}(S_2)$ и $\tau \leq \tau_2 + T_{max}(S_2)$. Это даст возможность совершить пересадку на любой транспортный рейс.

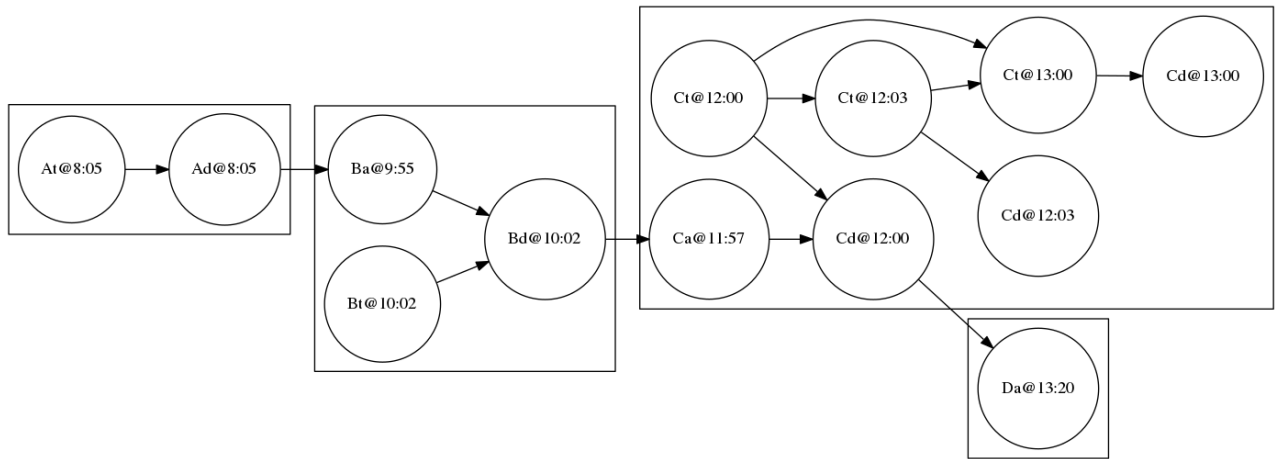


Рисунок 4 – Для каждого события остановки есть соответствующая вершина. Вес ребра неявно задан по определению длительности элементарной связи. В данном примере $T_{min}(C)$ равен 10 минутам.

2.1.3. Граф рейсов

Попробуем упростить и в то же время улучшить модель на основе графа расписаний. Заметим, что вершины пересадки St можно удалить из графа без потери информации. Для этого заменим все ребра вида $St@t \rightarrow St@t'$ на ребра $Sd@t \rightarrow Sd@t'$. Это возможно сделать, потому что для каждой вершины пересадки $St@t$ существует парная ей вершина отправления $Sd@t$ с одинаковым временем t . Также поменяем конец ребер вида $Sa@t \rightarrow St@t'$ на вершину отправления. Таким образом, поддерживать упорядоченный порядок по времени отправления нужно в самих вершинах отправления.

Следующим шагом улучшения модели будет проведение операции под названием транзитивное замыкание.

Определение 16. В теории графов транзитивным замыканием графа будет являться добавление дополнительных ребер между всеми вершинами, между которыми существует путь.

Наивный способ транзитивного замыкания предполагает добавление ребер между всеми парами вершин отправления $S_i d@t_i$ и прибытия $S_j a@t_j$. Такие ребра будут называться кратчайшими. В них можно хранить информацию о K_{max} кратчайших маршрутах между парой транспортных узлов S_i и S_j , где K_{max} – максимальное количество маршрутов, которые могут быть запрошены клиентским приложением у построителя маршрутов.

Для того, чтобы сделать полное замыкание графа, нужно построить кратчайшие маршруты от каждой вершины отправления до каждой верши-

ны прибытия. Для такой задачи существует алгоритм Флойда-Уоршелла[13], который требует $O(n^3)$ времени, где n – количество вершин¹ и $O(n^3 K_{max})$ памяти.

В итоге, несмотря на всю простоту модели, к сожалению, такой подход крайне неэффективно расходует память и требует огромное время на фазу предварительного расчета.

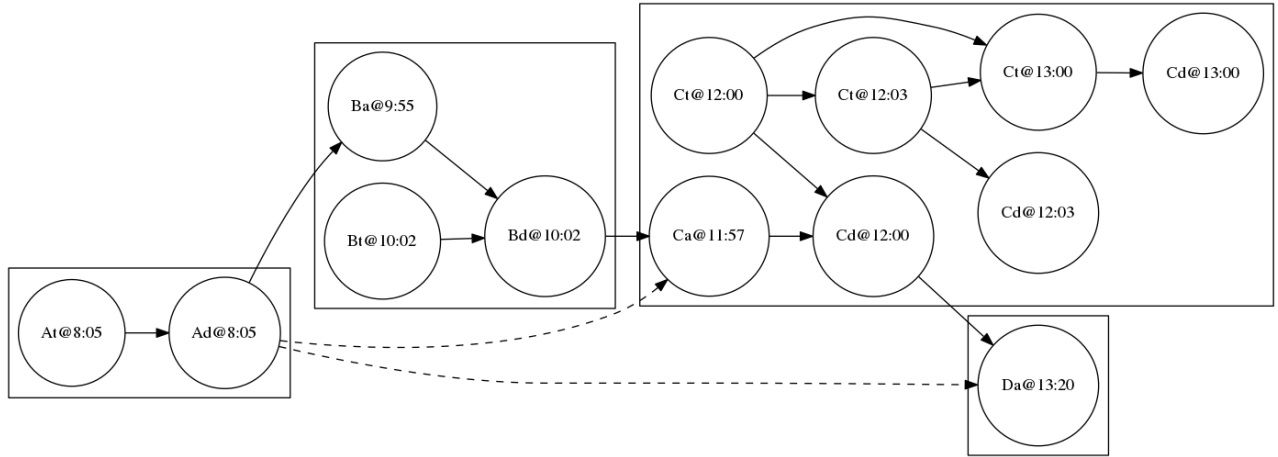


Рисунок 5 – Для каждого события остановки есть соответствующая вершина. Вес ребра неявно задан по определению длительности элементарной связи. В данном примере $T_{min}(C)$ равен 10 минутам.

Улучшенный способ транзитивного замыкания работает локально. Вместо того, чтобы добавлять ребра между всеми парами вершин отправления $S_id@τ_i$ и прибытия $S_ja@τ_j$ во всем графе, будем добавлять их только между такими вершинами, которые построены на основе конкретного транспортного рейса.

Оценим время и память требуемое для построения такой модели. Пусть q – количество остановок в одном транспортном рейсе, n – количество транспортных рейсов. Рассмотрим остановку z_i , где i – номер остановки в транспортном рейсе. В худшем случае от каждой вершины отправления $S_id@τ$ будет идти $q - i$ ребер до всех оставшихся вершин прибытия $\forall j > i : S_ja@τ_j$. Аналогично до каждой вершины $S_id@τ$ будет идти i ребер от всех вершин прибытия $\forall j < i : S_ja@τ_j$. Не сложно заметить, что на один транспортный рейс таким образом будет приходиться $\frac{q^2}{2}$ ребер. Требуемое время, которое потребуется для построения модели, равно $O(q^2n)$, не считая времени на по-

¹Улучшенная версия алгоритма требует $O(n^2 \log n)$ времени.

лучение минимальной вершины, а суммарная память – $O(q^2n)$ для ребер и $O(qn)$ для вершин.

Листинг 3 – Алгоритм построения транзитивного замыкания

```

function CLOSURE(runs, stops)
  for run  $\in$  runs do
    for i = 0 to size(stops[run]) do
      S  $\leftarrow$  stops[run][i]       $\triangleright$  получаем из события остановки станцию
      Создаем вершину  $S_i a @ \tau_i$ 
      for j = 0 to i – 1 do
        создаем ребро  $S_j d @ \tau_j \rightarrow S_i a @ \tau_i$ 
      end for
      Создаем вершину  $S_i d @ \tau_i$ 
      for j = i + 1 to size(stops(run)) do
        создаем ребро  $S_i d @ \tau_i \rightarrow S_j a @ \tau_j$ 
      end for
      minNode  $\leftarrow$  getMinNode( $S_i d @ \tau_i$ )       $\triangleright$  получаем минимальную
      вершину отправления в порядке сортировки по времени
      Создаем ребро пересадки  $S_i a @ \tau_i \rightarrow \textit{minNode}$ 
    end for
  end for
end function

```

Попробуем изменить подход и использовать единую вершину остановки. Для этого назовем элементарной остановкой кортеж из 4 элементов $St = (i, r, s, \tau)$, хранящий информацию о номере остановки i , транспортном рейсе r , станции s , а также метки времени τ , которая будет хранить либо время отправления, либо прибытия в зависимости от того, как мы будем её интерпретировать. Задачу о хранении возможных пересадок перенесем из модели графа в модели транспортных рейсов, для которых известны также сами события остановок. Создадим массив в транспортном рейсе размером с количество его остановок, который будет хранить неупорядоченные списки элементарных остановок.

Также нам потребуется хранить 2 структуры данных с поддержкой быстрого поиска элементов в определенной границе. Такой структурой данных может быть красно-черное дерево, поддерживающее поиск элемента за $O(\log n)$, или аналогичный по асимптотике и возможностям список с пропусками. Обе эти структуры помогут быстро находить элементарные остановки во множестве событий прибытия $T_a(s)$ и отбытия $T_d(s)$ на станции s .

Листинг 4 – Алгоритм построения пересадок

```

function BUILDTRANSFERS(runs)
  for  $r \in runs$  do
     $transfers[r] := \emptyset$   $\triangleright$  Список пересадок для транспортного рейса  $r$ 
    for  $i = 0$  to  $|W(r)| - 1$  do
       $w := W(r)[i]$ 
       $s := S(w)$   $\triangleright$  по точке маршрута можно получить станцию
      if  $i \neq 0$  then  $\triangleright$  игнорируем  $i = 0$ , так как только сели на поезд и
      пересадку делать не нужно в любом случае
         $st_a := (i, R, s, \tau_a(w))$  Текущая элементарная остановка со вре-
        менем прибытия
         $T_a(s).put(\tau_a(w), st_a)$  Помещаем остановку в расписание прибы-
        тий станции  $s$ 
        for  $(\tau, st') \in T_a(s) : \tau - \tau_a(w) \in [T_{min}(s), T_{max}(s)]$  do
          if  $R(st') \neq r$  then  $\triangleright$  Исключаем пересадку на текущий
          транспорт
             $transfers[i].add(st')$ 
          end if
        end for
      end if
      if  $i \neq |W(r)| - 1$  then  $\triangleright$  не делаем пересадки на поезд, который
      уже находится на своей конечной станции
         $st_d := (i, R, s, \tau_d(w))$ 
         $T_d(s).put(\tau_d(w), st_d)$ 
        for  $(\tau, st') \in T_a(s) : \tau - \tau_d(w) \in [-T_{max}(s), -T_{min}(s)]$  do
          if  $R(st') \neq r$  and  $i \neq 0$  then  $\triangleright$  игнорируем  $i = 0$ , так как
          только сели на поезд и пересадку делать не нужно в любом случае
             $transfers[i].add(st_d)$ 
          end if
        end for
      end if
    end for
  end for
end function

```

Рассмотрим, как теперь будет строиться модель. Построение модели можно реализовать инкрементально, то есть добавлять в модель по одному транспортному рейсу. Для каждого такого рейса создается массив *transfers*, который хранит на i позиции список элементарных остановок отправления, на которые можно пересест с текущего рейса в i точке маршрута. Пустой список означает, что либо в точке маршрута другой транспорт не останавли-

вается, либо он не подходит по критериям пересадки, то есть не соблюдаются допустимые интервалы времени, связанные с T_{min} и T_{max} . Для каждого рейса выполняется обход его маршрутных точек с обновлением пересадок в каждой из них.

2.2. Построение маршрутов

Теперь у нас есть эффективная модель в виде графа рейсов для хранения информации о транспортной сети. На каждой станции поддерживается несколько структур данных для определения прибывающих и отбывающих поездов по конкретному интервалу времени. Также для каждого транспортного рейса можно быстро узнать возможные пересадки на пути всего следования поезда. Попробуем придумать эффективный алгоритм поиска маршрутов на заданной модели.

2.2.1. Дополнение временных интервалов

Типичный запрос к построителю маршрутов выглядит как кортеж из 5 элементов $q = (s_d, t_d, s_a, t_a, k)$, где s_d и s_a – станции отправления и прибытия соответственно, $t_d = (\tau_{d1}, \tau_{d2})$ и $t_a = (\tau_{a1}, \tau_{a2})$ – требуемые интервалы времени, k – количество маршрутов. Временные интервалы бывают 3 типов:

1. Фиксированные
2. Полубесконечные
3. Бесконечные

Листинг 5 – Приведение интервалов к фиксированному виду

```
function NORMALIZETIME( $t_a, t_d$ )
  if  $t_{d1} = -\infty$  or  $t_{d1} < T_{now}$  then
     $t_{d1} := T_{now}$ 
  end if
  if  $t_{a2} = \infty$  or  $t_{a2} > T_{end}$  then
     $t_{a2} := T_{end}$ 
  end if
  if  $t_{d2} = \infty$  or  $t_{d2} > T_{end}$  then
     $t_{d2} := t_{a2}$ 
  end if
  if  $t_{a1} = \infty$  or  $t_{a1} < T_{now}$  then
     $t_{a1} := t_{d1}$ 
  end if
end function
```

Фактически бесконечность в данном случае условная, потому что время построителя маршрутов всегда ограничено снизу текущим временем построителя T_{now} , а сверху – временем конца продаж $T_{end} = T_{now} + T_{len}$, где T_{len} – интервал продажи билетов. Для упрощения работы с интервалами имеет смысл привести их к фиксированному типу².

2.2.2. Фаза инициализации

Идея алгоритма состоит в следующем: будем генерировать состояния, в которых можем находиться на пути следования до точки назначения. В процессе генерации будем осуществлять фильтрацию маловероятных и невозможных состояний с точки зрения требований к маршруту.

В качестве допустимого состояния будет выступать кортеж из двух элементов $v = \langle st, m \rangle$, где st – элементарная остановка, m – количество совершенных пересадок.

В процессе работы нам потребуется множество вспомогательных структур данных, в которые будут записываться промежуточные результаты. Часть из них будет являться пересадочными массивами. Под этим термином подразумеваются массивы, индекс в которых будет указывать на текущее число рассматриваемых пересадок. Например, элемент массива `array[3]` будет хранить данные для состояний, в которых уже совершили 3 пересадки. Использоваться будут следующие структуры:

- *expanded* – пересадочный массив множеств посещенных состояний;
- *explored* – пересадочный массив множеств рассмотренных состояний
- *queue* – очередь состояний;
- *pathsCount* – пересадочный массив хеш-таблиц для остановок, хранящий число возможных маршрутов;
- *successors* – пересадочный массив хеш-таблиц для остановок, хранящий список прямых сегментов;
- *predecessors* – пересадочный массив хеш-таблиц для остановок, хранящий список обратных сегментов;

2.2.2.1. Дополнительные модели

Помимо структур данных нам потребуются несколько новых моделей, в которых мы будем хранить совершаемые действия, чтобы прийти в некоторое

²Для чего это сделано будет более понятно в следующей главе с конкретной реализацией

состояние v . Такие модели будем называть сегментами. В общем случае будет существовать 2 вида сегментов:

1. **Прямой сегмент** ($A - B - C$). Он будет определять действия, совершаемые в процессе обхода графа от событий отправления. Он потребуется нам при сортировке по времени отправления;
2. **Обратный сегмент** ($B - C - D$). Он будет определять действия, совершаемые в процессе обхода графа от событий прибытия. Он потребуется нам для всех остальных видов сортировок;

Каждый сегмент состоит из 3 элементарных остановок. Остановка A является событием отправления 1 поезда, B – его прибытием, C – это отправление 2 поезда, D – прибытие. Можно заметить, что часть $B - C$ совпадает у обоих сегментов. Эта часть является неявным событием пересадки, с помощью которого можно однозначно конвертировать сегменты друг в друга, а также находить пересечения. Это поможет реализовать двунаправленный обход графа рейсов.

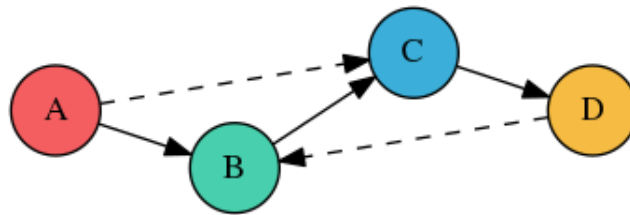


Рисунок 6 – Совмещение прямого и обратного сегментов. Пунктирные линии показывают следующее состояние, которое будет добавлено в очередь.

На самом деле, любая сортировка может быть выполнена с наличием только одного вида сегментов, потому что путем их обхода можно из одного вида получить другой.

2.2.2.2. Заполнение вспомогательные структур

Перед фазой обхода необходимо произвести инициализацию необходимых данных. Эта операция будет происходить один раз на каждый запрос q .

Во-первых, должны быть начальные состояния, чьи остановки st удовлетворяют запросу q и интервалы приведены к фиксированному типу. Аналогично требуется создать конечные состояния (если обход графа будет с конца). Во втором случае возникает проблема из-за того, что зная какие конечные остановки st' , мы не знаем, при каком количестве пересадок m они совершаются. В таком случае нам придется создать состояния для всех возможных

вариантов, то есть $\forall m : m \in [0, M]$, где M – максимально допустимое количество пересадок.

Во-вторых для некоторых эвристических оптимизаций будет полезно сохранить список начальных и конечных транспортных узлов, чтобы не проверять каждый раз непосредственно множества состояний.

Листинг 6 – Заполнение вспомогательных структур

```

for  $s' \in sources$  do
     $departures.add(s(s'))$     ▷ Добавляем транспортный узел в список узлов
    отправления
     $pathsCount[0].put(s', 1)$  ▷ Из остановки можно доехать в саму себя за 0
    пересадок только 1 способом
     $st := \langle s', 0 \rangle$         ▷ Создаем состояние с событием отправления  $s'$  и 0
    совершенных пересадок
     $explored.add(st)$         ▷ Добавляем состояние в список рассмотренных
     $queue.add(st)$           ▷ Добавляем в очередь на обработку
end for
for  $t \in targets$  do
     $arrivals.add(s(t))$     ▷ Добавляем транспортный узел в список узлов
    прибытия
end for

```

2.2.3. Фаза обхода

В фазе обхода мы начинаем рассматривать в произвольном или упорядоченном порядке все доступные на текущий момент состояния. Соответственно, состояния берутся из очереди *queue*, которая может быть обычным связным списком или двоичной кучей. Для простоты будем рассматривать первый вариант, где порядок рассмотрения определяется порядком добавления в очередь. Одним из основных критериев остановки является то, что очередь стала пустой. Это говорит нам о том, что мы рассмотрели все возможные состояния, подходящие под требования запроса q , или не можем сгенерировать новые.

Для примера рассмотрим прямой обход графа рейсов. После извлечения очередного состояния $v = (st, m)$ добавим его во множество посещенных состояний *expanded*. Теперь нужно сделать проверку, что остановка st из состояния v не совершается ни в одном из конечных транспортных узлов. В противном случае, можно перейти к рассмотрению следующего состояния. Получим по остановке st все возможные прямые сегменты, где $A = st$.

Листинг 7 – Фаза обхода графа рейсов

```

function GENERATING
  while  $Q \neq \emptyset$  do
     $\langle st, m \rangle := Q.poll()$ 
     $expanded[m].add(st)$ 
    if  $st \in targets$  then
      continue
    end if
     $segments := SUCCESSORS(st)$ 
    for  $s \in segments$  do
      if  $s$  является пересадочным then
         $m' := m + 1$ 
      else
         $m' := m$ 
      end if
      if  $C(s) \in expanded$  then
        break
      end if
       $predecessors[m'].put(C(s), s)$ 
       $st' := (C(s), m')$ 
      if  $st' \notin explored$  then
         $explored.add(st')$ 
         $queue.add(st')$ 
      end if
    end for
  end while
end function

```

Для каждого прямого сегмента рассмотрим остановку отправления второго поезда C . Следует заметить, что сегмент либо является пересадочным, либо $i(A) < i(C)$. Это следует из того, что $r(A) = r(C)$ и $\tau(A) \leq \tau(C)$ для любого сегмента. Если сегмент пересадочный, то новое количество пересадок $m' = m + 1$. Далее следует проверить, что состояние $v' = (C, m')$ отсутствует в списке посещенных состояний. Если это так, то можно добавить в список прямых сегментов $successors[m]$ текущий рассматриваемый сегмент. Аналогично можно сделать для обратного сегмента и $predessors[m']$ ³. Формально это соответствует следующей динамике:

³В целях оптимизации памяти следует заполнять только один вид сегментов для соответствующего прямого или обратного обхода графа рейсов.

$$\text{predessors}[m'] [C] = \{ \langle A, m \rangle \mid \exists \langle A, m \rangle \rightarrow \langle C, m' \rangle \}$$

Аналогично можно подсчитать количество путей:

$$\text{pathsCount}[m'] [C] = \text{pathsCount}[m] [A] + \text{pathsCount}[m'] [C];$$

На последней стадии новое состояние v' можно добавить в очередь *queue*, предварительно проверив, что оно отсутствует в списке рассмотренных состояний. Это предотвратит экспоненциальный рост очереди.

Теперь рассмотрим более подробно функцию $\text{SUCCESSORS}(A)$ для получения списка всех возможных прямых сегментов по остановке A . В общем виде остановка $A = (i, r, S, \tau)$, поэтому мы можем получить список маршрутных точек $W(r)$ транспортного рейса r . Далее начнем рассматривать каждую такую точку с номерами больше i , так как префикс маршрута, включающий точки с 0 до i уже пройдены поездом. Для каждой маршрутной точки $w \in W(r)$ известен транспортный узел $S(w)$, поэтому мы можем проверить, чтобы $S(w)$ не входили в списки станций отправления и прибытия, так как там не собираемся делать пересадку. Для этого у нас имеются множества *departures* и *arrivals*. Стоит отметить, что могут существовать случаи, когда маршрут делает петлю, посещает одну и ту же станцию несколько раз, но в рамках этой работы будем считать, что они отсутствуют. Иначе бы было необходимо различать такие маршрутные точки. Сделать это можно было бы по временной метке или номеру. В данный момент следует указать, что прямые и обратные сегменты имеют еще 2 вида:

1. **Конечный сегмент.** Он будет определять действие, когда мы уже находимся в транспорте в точке отправления и не делаем пересадку.
2. **Пересадочный сегмент.** Аналогичен предыдущему виду за исключением того, что пересадка на другой транспорт делается.

Тогда в случае, когда одна из маршрутных точек является конечной станцией, можно создать конечный сегмент. Учитывая, что сегмент хранит 3 остановки, то прямой конечный сегмент будет выглядеть как $A - C - C$.

Теперь можно из графа рейсов получить через $T_a(S(w))$ и $T_d(S(w))$ списки элементарных остановок прибытия и отбытия и сгенерировать все оставшиеся пересадочные сегменты. Для этого можно воспользоваться мас-

сивом *transfers*, который присутствует у каждого транспортного средства. Тогда остановка A известна заранее, B получается из текущей маршрутной точки, а C берется из данного массива. В конце все полученные сегменты следует отфильтровать, что будет описано в данной главе позже.

2.3. Сортировка маршрутов

По постановке задачи, маршруты требуется строить инкрементально в порядке сортировки. Виды сортировок были описаны в обзоре данной работы. Все дополнительные структуры данных, полученные на предыдущем этапе, потребуются теперь для реализации фазы построения и сортировки маршрутов. Из-за того, что все предикаты сортировок известны нам заранее, мы можем придумать и реализовать необходимые алгоритмы для каждого из них, который будет эффективнее общего абстрактного аналога. Рассмотрим каждый вид сортировки подробнее.

2.3.1. Количество пересадок

Как было сказано ранее, данный вид сортировки является наиболее простым из представленных, потому что на фазе обхода графа рейсов заполнение списков прямых и обратных сегментов выполнялось в естественном порядке из-за пересадочных массивов. Тогда мы можем инкрементально строить маршруты в таком же порядке.

Для начала на данной фазе нам потребуются дополнительные модели. Будем называть их слоями. В общем случае слои будут содержать концы сегментов (прямых или обратных), по которым можно деструктивно итерироваться, то есть производить обход с удалением ненужных сегментов. Всего 2 вида слоев:

1. **Произвольный слой.** Имеет доступ к сегментам в порядке их добавления.
2. **Упорядоченный слой.** Имеет доступ к сегментам, сортированных по их остановкам или прочим параметрам.

Дополнительно нам потребуется новый вид состояния – построения (СП). Им будет являться кортеж $v_b = \langle v'_b, s, m \rangle$, который хранит ссылку на предыдущее состояние построения v'_b , сегмент s и количество совершенных пересадок m . Оно будет нужно для того, чтобы можно было сохранять и восстанавливать дерево восстановления маршрутов.

Теперь определим функцию, которая производит заполнение слоя состояниями построения с помощью множества обратных сегментов. Основная идея в том, чтобы обойти все конечные элементарные остановки прибытия и их обратные сегменты для каждого количества совершенных пересадок. Таким образом, сегменты $A - B - C$, где состояния $v = \langle C, m \rangle$ для остановок C имеют меньшее количество пересадок m , будут в начале слоя.

Листинг 8 – Заполнение переданного слоя

```
function FILLLEVEL(level, m)
  for  $t \in targets$  do
     $incomming := predecessors[m][t]$ ;
    for  $s \in incoming$  do
       $level.add(\_, s, m)$ 
    end for
  end for
end function
```

Для того, чтобы начать восстановление (построение) маршрутов нужно создать и заполнить корневой слой. Для сортировки по количеству пересадок будем оперировать произвольными слоями. Мы хотим поддерживать для каждого вида сортировки следующие направления: восходящее (ASC) и нисходящее (DESC). В таком случае, для текущего вида сортировки можно просто совершать заполнение корневого слоя по возрастанию количества пересадок (ASC) или по убыванию (DESC).

Листинг 9 – Подготовка сортировки по количеству пересадок

```
function SORTEDBYTRANSFERSCOUNT(level, k)
   $unvisited := \emptyset$  ▷ случайный уровень
  if  $direction = ASC$  then
    for  $i = 0$  to  $maxTransfersCount$  do
      FILLLEVEL( $unvisited$ ,  $i$ )
    end for
  else
    for  $i = maxTransfersCount$  downto  $0$  do
      FILLLEVEL( $unvisited$ ,  $i$ )
    end for
  end if
  return  $unvisited$ 
end function
```


Листинг 10 – Строим и возвращаем следующий маршрут по множеству обратных сегментов

```

function BACKWARDNEXT(level, k)
  while stack  $\neq \emptyset$  do
    level := stack.peek()           ▷ получаем текущий уровень в стеке
    if level  $\neq \emptyset$  then
      vb := level.poll()           ▷ извлекаем состояние из уровня
      b := vb.segment.B()
      m := m(vb)
      if s(b)  $\in$  departures then ▷ Маршрут найден, так как пришли в
        точку отправления
          P := BUILDFROM(vb)           ▷ Строим маршрут
          candidates.add(P)           ▷ Добавляем маршрут в список
        кандидатов
      end if
      incoming := predecessors[m][b];
      if incoming  $\neq \emptyset$  then
        level' :=  $\emptyset$            ▷ создаем новый случайный уровень
        for s'  $\in$  incoming do
          if s' является пересадочным then
            m' := m − 1
          else
            m' := m
          end if
          v'b := (vb, s', m')
          level'.add(st')
        end for
        stack.push(level')
      end if
    else
      stack.poll()   ▷ на текущем уровне не осталось состояний, можно
        подняться выше
    end if
  end while
end function

```

Итак, у нас есть заполненный корневой слой и множество обратных сегментов. Теперь мы можем построить функцию, которая будет возвращать очередной маршрут в порядке сортировки по количеству пересадок. Основная идея в том, чтобы рассматривать слои и строить новые жадным способом, то есть слой будет в кандидатах на рассмотрение до тех пор, пока не станет

пустым. Дополнительные эвристики, которые позволят ускорить данный шаг будут рассмотрены позже.

Создадим стек, который будет хранить сегменты и определять порядок, в котором мы их обрабатываем. На вершине стека будет храниться текущий обрабатываемый уровень. На очередном шаге получаем и удаляем первое по порядку состояние построения из уровня. Так как СП содержит обратный сегмент, то имеется элементарная остановка B , транспортный узел которой следует проверить на принадлежность множеству точек отправления *departures*. При положительном ответе можно восстанавливать маршрут и добавлять его в список кандидатов на выдачу в ответ. При данном виде сортировки для такого списка будет просто действовать принцип FIFO⁴. Далее по остановке B можно получить список обратных сегментов. По ним создается новый произвольный слой и множество состояний построения, которые будут в него добавлены. На этом этапе для каждого обратного сегмента s' можно создать состояние $v'_b = \langle v_b, s', t' \rangle$, где t' – количество пересадок, которое получается из текущего количества и того факта, является ли обратный сегмент пересадочным или нет. Новый слой со всеми СП кладется в стек.

2.3.2. Время прибытия

Получение очередного маршрута осуществляется через вызов построителя маршрутов, который выполняет фазу инициализации, фазу обхода, вызывает подготовку для соответствующей сортировки, а затем выполняет фазу восстановления маршрутов, после которой в списке кандидатов на выдачу будет лежать некоторое количество маршрутов. Случай пустого списка означает, что были восстановлены все возможные маршруты. Не сложно заметить, что нужно дополнительно вести счетчик восстановленных маршрутов или удалять очередной восстановленный из списка.

Рассмотрим восстановление маршрута (функция BUILDFROM). Это несложная операция выполняет рекурсивный подъем вверх по дереву состояний построения. Так для каждого состояния v_b известно состояние v'_b , в котором имеется сегмент. Результатом выполнения функции будет список сегментов и количество пересадок, которые совершаются по ходу движения по маршруту. Далее с этими данными можно восстановить любую информацию о транспортных рейсах или транспортных узлах.

⁴Акроним First In, First Out – «первым пришел – первым ушел»

В рамках данной работы использовались куски сегментов $A-B$ и $C-D$ для определения конечной стоимости маршрута, которая зависит от транспорта и пройденного расстояния. К сожалению, честное определение стоимости маршрута – очень времязатратная операция, а также стоимость не является аддитивной величиной, то есть цена преодоления отрезков $A-B$ и $B-C$ не равна цене отрезка $A-C$ из-за сложных бизнес-правил, поэтому в рамках данной работы сортировка по стоимости не рассматривается.

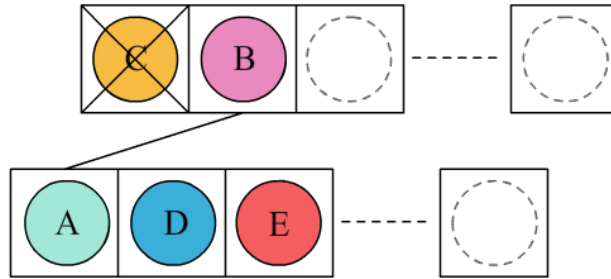


Рисунок 7 – Стек слоев с состояниями построения.

Текущий вид сортировки похож на предыдущий, но в данном случае мы будем использовать в процессе подготовки упорядоченный корневой слой. В случае прямого обхода графа в качестве предиката сортировки состояний построения можно использовать сравнение элементарных остановок $C = \langle i, r, s, \tau \rangle$, у которых будут сравниваться их времена отправления τ . Благодаря этому, мы можем без изменений использовать функцию возврата очередного маршрута из предыдущего раздела.

2.3.3. Время отправления

Сортировка по времени отправления во многом похожа на предыдущую. Мы также будем использовать упорядоченный корневой слой, но уже с другим предикатом сравнения – для времени прибытия остановки A (для случая прямых сегментов).

Аналогично придется изменить функцию возврата очередного маршрута для случая, когда мы восстанавливаем маршрут по множеству прямых сегментов. Описание подхода во многом похоже на рассматриваемый в разделе про сортировку по количеству пересадок – сегменты и их элементарные остановки симметрично заменяются.

Листинг 11 – Строим и возвращаем следующий маршрут по множеству прямых сегментов

```

function FORWARDNEXT(level)
  while stack  $\neq \emptyset$  do
    level := stack.peek()           ▷ получаем текущий уровень в стеке
    if level  $\neq \emptyset$  then
      vb = level.poll()           ▷ извлекаем состояние из уровня
      b := vb.segment.B()
      m := m(vb)
      if s(b)  $\in$  arrivals then           ▷ Маршрут найден
        P = BUILDFROM(vb)           ▷ Строим маршрут
        candidates.add(P)           ▷ Добавляем маршрут в список
      end if
      outgoing := successors[m][b];
      if outgoing  $\neq \emptyset$  then
        level' :=  $\emptyset$            ▷ создаем новый случайный уровень
        for s'  $\in$  outgoing do
          if s' является пересадочным then
            m' := m + 1
          else
            m' := m
          end if
          v'b := (vb, s', m')
          level'.add(v'b)
        end for
        stack.push(level')
      end if
    else
      stack.poll()           ▷ на текущем уровне не осталось состояний
    end if
  end while
end function

```

2.3.4. Время в пути

Во всех предыдущих видах сортировок мы обходились созданием корневого слоя, который позволял задать порядок построения маршрутов. Это было возможно, потому что на фазе обхода мы получали естественную сортировку по количеству пересадок, а для остальных видов нужна была лишь информация о началах или концах маршрутов. В сортировке по времени в пути требуется информация о маршруте целиком, так как длительность маршрута

состоит из длительностей прохождения отдельных его сегментов. К счастью, в отличие от стоимости длительность – аддитивная величина, то есть время прохождения отрезков $A - B$ и $B - C$ равно времени, которое тратится на $A - C$. Это дает нам возможность запоминать время прохождения смежных сегментов.

Для данного вида сортировки потребуется добавить новую модель – ленивое состояние построения (ЛСП). Оно будет во многом похоже на обычное состояние построения, используемое в других сортировках. Основное отличие в том, что каждое состояние будет дополнительно хранить список префиксов уже построенных маршрутов в количестве K_{max} штук, где K_{max} – максимальное количество запросов, которое может быть в поисковом запросе q . В общем случае такое состояние будет хранить приоритетную очередь ленивых ссылок v_q и список уже готовых обычных состояний построения v_c . Ленивая ссылка – это ещё одна новая модель данных. Она будет хранить сегмент, исходящих из ЛСП, по которому можно в него прийти, если начинать построение с конца графа рейсов. Также она должна хранить последнее построенное СП.

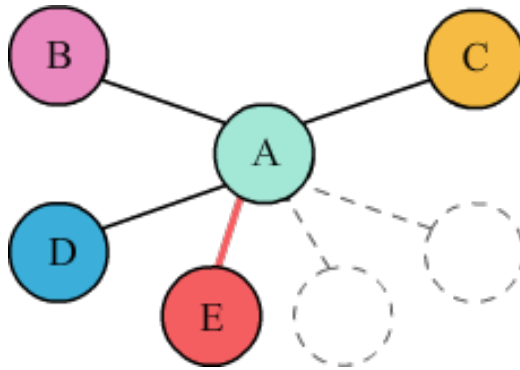


Рисунок 8 – ЛСП A с очередью из 4 ленивых ссылок и 2 посчитанными СП. На само ЛСП A тоже ведут 2 ленивые ссылки.

Для подготовки к восстановлению маршрутов нужно рекурсивно обойти конечные элементарные остановки по обратным сегментам и построить для каждой по ЛСП. Для каждого обратного сегмента будет создана ленивая ссылка, содержащая этот сегмент и соединяющая смежные остановки. После нужно принудительно вызвать для всех конечных остановок получение очередного префикса. Если в каждой ленивой ссылке хранить текущий номер построенного префикса маршрута, тогда при условии, что текущий номер меньше количества префиксов в списке v_c , можно просто вернуть элемент из списка, иначе рекурсивно вызвать процедуру для минимального (ASC) или

максимального (DESC) элемента из очереди v_q . Так как для каждой ЛСП доступен только префикс маршрута и время в пути аддитивно, то в качестве предиката сравнения для очереди v_q будет использоваться сравнение длительности префиксов маршрутов в соответствии с требуемым направлением сортировки.

Для удобства следует создать фиктивное ленивое состояние построения, которое назовем корневым. От корневого состояния будут вести ленивые ссылки с нулевыми сегментами⁵. Тогда получение очередного маршрута будет являться вызовом функции для построения префикса от корневого состояния. Если очередь для этого состояния стала пустой, то все маршруты построены.

2.4. Построение фильтров

Построение фильтров также, как и поиск маршрутов, состоит из двух фаз: предварительного расчета и основной. В первом случае модели данных, которые отвечают за транспортные средства переводятся в удобные и компактные модели, которые будут использоваться при непосредственном поиске маршрутов. Во втором случае готовые структуры данных будут позволять на этапе фазы обхода графа рейсов собирать композитные фильтры для каждой остановки с помощью динамического программирования. Также как и случае подсчета количества маршрутов мы построим динамику, которая будет позволять определять доступные параметры фильтрации для пары элементарных остановок.

2.4.1. Косвенные признаки

В фазе предварительного расчета мы будем извлекать косвенные признаки из моделей транспортных средств. Как было описано в главе 1, такими признаками может быть тип транспорта, номер поезда или тип места в самолете и т.д. Для удобной работы с ними мы разделим все признаки по функциональным типам, то есть, например, признак "перевозчик" у поезда и самолета будут отнесены к разным типам признаков. Это позволит нам логически их отделять на этапе отдачи результата клиентскому приложению.

В качестве компактной модели свойств $Pr = \{\langle t, \{\langle v, c \rangle\} \rangle\}$, хранящей признаки, будет выбрана хеш-таблица из типа признака t в хеш-таблицу значений признака v в количество свободных мест c , которые удовлетворяют ему.

⁵В общем виде они должны быть нейтральными элементами по отношению к сложению.

Например, есть 1 поезд с 3 вагонами (один вагон имеет 20 мест): 2 из них купе, 1 - плацкарт. Из них в плацкарте половина верхних мест, а другая половина - нижних. Тогда будет создан объект свойств для поезда со следующими записями:

- Тип транспорта
 - (Поезд, 60)
- Тип вагона
 - (Купе, 40)
 - (Плацкарт, 20)
- Тип места
 - (Верхнее, 20)
 - (Нижнее, 20)

Как можно заметить на данном примере, свойства не хранятся в виде иерархии функциональных зависимостей. Это сделано для экономного расхода памяти, а также для упрощения операций со свойствами в процессе выполнения динамики по свойствам. Функциональные зависимости известны заранее и задаются вручную в специальном объекте, о котором речь пойдет позже.

Теперь нужно ввести 2 операции в пространстве свойств признаков, которые будут называться минимум и максимум. Обе операции будут являться ассоциативными, то есть:

$$(x \circ y) \circ z = x \circ (y \circ z) \text{ для любых элементов } x, y, z.$$

Минимум на свойствах работает как минимум количества свободных мест по всем парам признаков $\langle t, v \rangle$. При этом работает правило дополнения, то есть если пара присутствует в свойстве A , но отсутствует в B , то берется число свободных мест из A .

Максимум на свойствах работает аналогично минимуму, только для количества свободных мест операция меняется на максимум.

2.4.2. Осуществление фильтрации

В фазе обхода при построении маршрутов для каждой элементарной остановки генерировались все возможные сегменты, которые являлись пересадочными и конечными. Таким образом, чтобы избежать попадания в сле-

Листинг 12 – Минимум из пары свойств

```

function MIN( $Pr_a, Pr_b$ )
  if  $Pr_a = \emptyset$  then
    return  $Pr_b$ 
  end if
  if  $Pr_b = \emptyset$  then
    return  $Pr_a$ 
  end if
   $Pr_r := \emptyset$ 
  for  $\langle t, v \rangle : Pr_a \cap Pr_b$  do
     $Pr_r[t][v] := \min(Pr_a[t][v], Pr_b[t][v])$ 
  end for
  for  $\langle t, v \rangle : Pr_a \setminus Pr_b$  do
     $Pr_r[t][v] := Pr_a[t][v]$ 
  end for
  for  $\langle t, v \rangle : Pr_b \setminus Pr_a$  do
     $Pr_r[t][v] := Pr_b[t][v]$ 
  end for
  return  $Pr_r$ 
end function

```

▷ Результирующее свойство

дующую элементарную остановку, нужно фильтровать соответствующий сегмент, поэтому в процессе генерации каждому сегменту должно сопоставляться свойство, хранящее признаки для транспортного средства, отправляющегося из остановки A^6

В итоге, мы должны хранить свойства для каждого отрезка пути, соединяющего смежные маршрутные точки. Так как сегмент является множеством последовательно соединенных отрезков пути следования, то свойство сегмента s является минимумом из всех свойств отрезков, входящих в него:

$$Pr_s = \min_{i \in s} Pr_i$$

Для того, чтобы ускорить построение свойства сегмента, можно воспользоваться деревом отрезков, позволяющим находить результат операции на интервале за $O(\log q)$ времени и требующее $O(2q)$ памяти, где q – число маршрутных точек транспортного рейса. В качестве операции будет взята операция минимума свойств. Это возможно, так как определенный ранее ми-

⁶Для упрощения рассматривается прямой сегмент, для обратного будет остановка прибытия D .

нимум ассоциативен и имеет нейтральный элемент – пустое свойство (пустую хеш-таблицу). Таким образом, множество свойств является моноидом, который можно применять в дереве интервалов.

2.4.3. Функциональные зависимости

В модели свойств ради ускорения бинарных операций и уменьшения требуемой для хранения памяти используется сжатая форма, из-за которой теряется функциональная связь между отдельными признаками транспортных рейсов. Так каждый поезд состоит из вагонов, каждый вагон из отдельных секций (в случае с купе), а также отдельных мест, которые могут находиться в различных состояниях (свободно, куплено, зарезервировано) и имеют дополнительные признаки (верхнее, нижнее, с розеткой и т.д.). При построении свойств доступных маршрутов требуется, чтобы модель зависимостей также отражалась в конечном результате. Например, мы должны суммировать свободные места с одинаковыми свойствами по всем вагонам, но должны брать максимум по всем поездам. К счастью, такие зависимости известны заранее, поэтому их можно сохранить и использовать только для восстановления структуры.

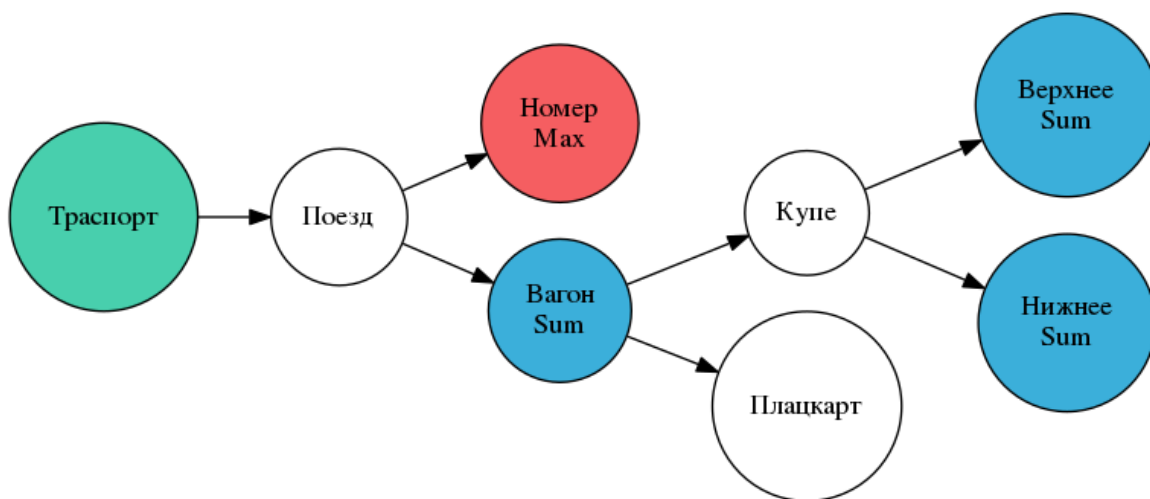


Рисунок 9 – Корневой признак "Транспорт", функции задаются только для значений признаков.

Выводы по главе 2

В этом разделе были описаны 3 способа представления данных о транспортной системе в виде графа. Самой эффективной оказался вариант с графом рейсов, который позволяет естественно задать структуры транспортной

сети, а также относительно просто добавлять новые рейсы без полного перестроения графа. Также такой способ представления будет удобен в практической реализации, о которой будет рассказано в следующей главе.

Был приведен алгоритм для построения маршрутов в графе рейсов, а также подробно разобраны алгоритмы для сортировок, которые должны поддерживаться системой. Также была получена возможность инкрементального восстановления маршрутов при параметрах, не превышающих заданные в конфигурации (например, K_{max}).

Также в главе был рассмотрен способ представления признаков рейсов и транспортных средств и их сбор с последующим восстановлением в виде дерева фильтров с поддержкой известных функциональных зависимостей.

ГЛАВА 3. ДЕТАЛИ РЕАЛИЗАЦИИ И ТЕСТИРОВАНИЕ

В данной главе будут описаны некоторые интересные детали реализации описанных ранее алгоритмов. Во многом аппаратная часть определила подходы, которые использовались при теоретическом исследовании. Все перечисленное было реализовано в виде программных сервисов на языке Java 8.

3.1. Работа с базой данных

Исходя из размера всей транспортной сети, в которую входит информация об узлах, рейсах и расписаниях, не сложно заметить, что её нельзя уместить целиком в оперативной памяти и поэтому нужно использовать эффективное хранение информации – базу данных. В данной работе была использована VoltDB.

3.1.1. Особенности базы данных

VoltDB - это ACID-совместимая реляционная СУБД, которая использует архитектуру shared nothing architecture. Она опирается на:

- горизонтальную разбивку данных (каждый кластер хранит только свою порцию данных) вплоть до отдельного аппаратного потока;
- синхронную репликацию данных между всеми обработчиками одного кластера (для обеспечения высокой доступности);
- сочетание непрерывных снимков и журнала выполненных команд для обеспечения надежности данных (при восстановлении после сбоя).

VoltDB является in-memory СУБД, то есть старается преимущественно держать данные в оперативной памяти сервера. Такой подход имеет ряд преимуществ: резко сокращается время отклика и становится проще репликация данных.

3.1.2. Персистентные модели данных

К сожалению, VoltDB поддерживает не все возможности обычных SQL СУБД, поэтому для версионности моделей и хранения истории данных, работа с ней происходит в Key-Value подходе, где ключом является любой комбинированный объект, состоящих из примитивных типов, а значением – сериализованный Java-объект. Вместо стандартной сериализации используется библиотека Protostuff, которая имеет больше возможностей по сжатию и эффективному хранению данных.

Так как база данных почти полностью написана на Java, хранит объекты Java и предоставляет драйвер на том же языке, то ради повышения производительности объекты стоит сделать персистентными (иммутабельными), чтобы исключить блокировки. Это позволит работать с базой множеству отдельных потоков, исключая траты ресурсов на синхронизацию.

3.1.2.1. Транспорт

Каждая реальная модель данных разделяется на абстрактную модель Model, в которой хранятся данные, и сущность из базы данных Entity, в которой хранится идентификатор (ID) и номер версии. База данных позволяет работать с сущностями посредством получения текущей версии и изменения модели, которую можно записать в сущность с автоматическим поднятием версии. При этом объект может либо блокироваться на момент обновления, либо работать без блокировок и использовать обновление отдельных полей.

3.1.2.2. Остановки и пересадки

В данный момент нельзя не сказать про очень важное требование к системе – каждое значение в базе данных не должно занимать больше 1 Мбайта, это исходит из ограничений на размер результата базы данных и особенностей её репликаций, таким образом, оно сильно усложняет возможность хранения множеств $T_d(s)$ и $T_a(s)$, доступных по ключу s . На данном этапе требуемая память для 1 сущности:

Таблица 1 – Базовый расход памяти на 1 сущность.

Количество остановок	Занимаемая память (Плотно), Мбайт	Занимаемая память (Нормально), Мбайт
100	0.052	0.04
1000	0.52	0.48
10000	5.27	4.84
100000	53.1	48.78

Плотным вариантом считаются некоторые вокзалы крупных городов, где временные промежутки между событиями прибытия и отбытия исчисляются в минутах. Для начала ради уменьшения памяти разделим элементарные остановки на 2 типа:

- **Облегченные остановки.** Они будут храниться во множествах $T_d(s)$ и $T_a(s)$ и соответствовать событиям отправления и прибытия на станцию s . Содержать будут только номер и ссылку на транспортный рейс.

- **Полные остановки.** В момент получения облегченные остановки можно будет дополнить до полных, так как в тот момент уже будет известна станция и время.

Таблица 2 – Расход памяти на 1 сущность (Без дублирования)

Количество остановок	Занимаемая память (Плотно), Мбайт	Занимаемая память (Нормально), Мбайт
100	0.04	0.04
1000	0.36	0.4
10000	3.68	4.08
100000	37.29	41.19

В данной работе оптимальным вариантом решения этой проблемы оказалось разделение этих множеств на более мелкие. Рассмотрим подробнее, что из себя представляет, например, множество $T_d(s)$. В нем хранятся элементарные остановки, которые содержат номер, станцию, транспортный рейс и время отправления. Учитывая, что рейсы повторяются на станции достаточно редко, то разобьем множества по времени. Для этого приведем время в нормализованный вид и переведем его в номер. Например, можно из времени убрать часы, минуты и более мелкие величины, то есть извлечь только дату, а уже её перевести в `unix-time`¹, который будет являться номером. Тогда все множества разобьются на страницы, которые будут хранить только часть элементарных облегченных остановок.

В результате ряда тестов и исследования методов сериализации в Java было обнаружено, что параметризованные сущности (Generics) сильно влияют на количество памяти после сериализации. Таким образом, было решено полностью от них избавиться, прописав везде конкретные типы. Также пришлось отказаться от наиболее эффективной структуры данных для получения элементарных остановок в пределах указанного времени `java.util.TreeMap`, так как её стандартная реализация избыточно хранит большое количество ссылок, а также не поддерживает хранение множества значений для одного ключа (несколько поездов могут отбыть или прибыть в одно и то же время с точностью до минуты). Наиболее компактной структурной для хранения одной страницы элементарных остановок оказался обычный `java.util.ArrayList` для пар время-остановка.

¹Определяется как количество секунд, прошедших с полуночи (00:00:00 UTC) 1 января 1970 года. В нашем случае можно уменьшить ещё в 3600 раз.

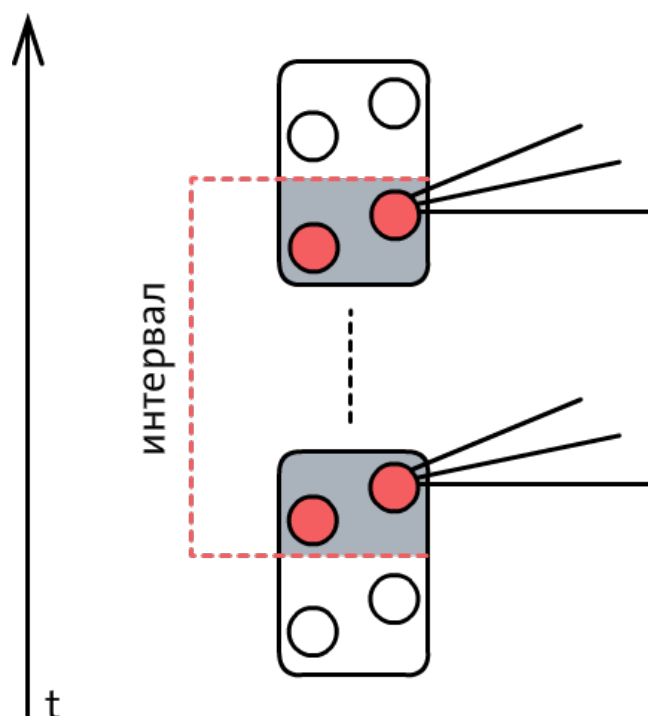


Рисунок 10 – Страницы элементарных остановок с выходящими сегментами

Таблица 3 – Оптимизированный расход памяти на 1 сущность.

Количество остановок	Занимаемая память (Плотнo), Мбайт	Занимаемая память (Нормально), Мбайт
100	0.01	0.01
1000	0.07	0.08
10000	0.71	0.87
100000	7.14	8.69

В результате мы можем сохранять до 10000 остановок на одну страницу, этого достаточно для всех крупных вокзалов. Обновление страниц будет происходить редко, поэтому его можно производить с полным копированием данных каждой обновляемой страницы.

3.1.3. Кэши

Зачем это нужно? Конечная система или построитель маршрутов будет географически распределен, база данных будет почти всегда находиться физически в другом месте, а требоваться модели будут с различной регулярностью и актуальностью. Поэтому в построитель маршрутов будет добавлено несколько видов кэшей для ускорения работы.

Во-первых, мы добавим кэш для моделей данных. В нем для каждого типа объекта будет храниться его срок годности или частота, с которой его следует обновлять напрямую из базы данных.

Во-вторых, будет добавлен кэш для запросов $q = \langle s_d, t_d, s_a, t_a, k \rangle$, где для каждого запроса q будет сформирован на основе s_d и s_a уникальный ID, по которому можно будет сохранять результат фазы обхода, то есть множества сегментов и состояний построения. К сожалению, объем памяти построителя маршрутов и клиентского приложения сильно ограничены (для серверной конфигурации), поэтому кэш нужно ограничить по количеству запросов или памяти. Для такой задачи прекрасно подойдет LRU-кэш, то есть кэш, основанный на алгоритме кэширования, при котором происходит вытеснение давно неиспользуемых запросов.

3.2. Генерация карт транспортных сетей

Для сравнения и тестирования различных алгоритмов построения маршрутов требуются данные. К сожалению, невозможно выгрузить реальные данные из закрытой системы, а также запустить на идентичных данных разные алгоритмы (данные постоянно меняются), поэтому для тестирования понадобятся дополнительные инструменты. Одним из таких инструментов будет процедурный генератор естественных транспортных сетей.

Первым делом сгенерируем координаты транспортных узлов. В данном случае можно воспользоваться обычным равномерным псевдослучайным генератором чисел в области, ограниченной некоторым многоугольником. Далее случайным образом выбираются типы транспортных узлов и их признаки из доступного множества признаков.

Для того, чтобы осуществить прокладку естественных транспортных рейсов, нужно каждому узлу задать некоторый случайный радиус. Пересечение радиусов двух и более узлов говорит о том, что они находятся в непосредственной близости и между ними может существовать дорога. Из набора связанных узлов выбирается один и с него начинается прокладка маршрута к следующему близкому узлу случайным образом без повторений. Время также варьируется в некотором интервале.

Генерация центральных узлов (городов с вокзалами) происходит через изменение вероятностного распределения случайных величин в генераторе таким образом, чтобы вероятность была выше попасть в группу из уже из-

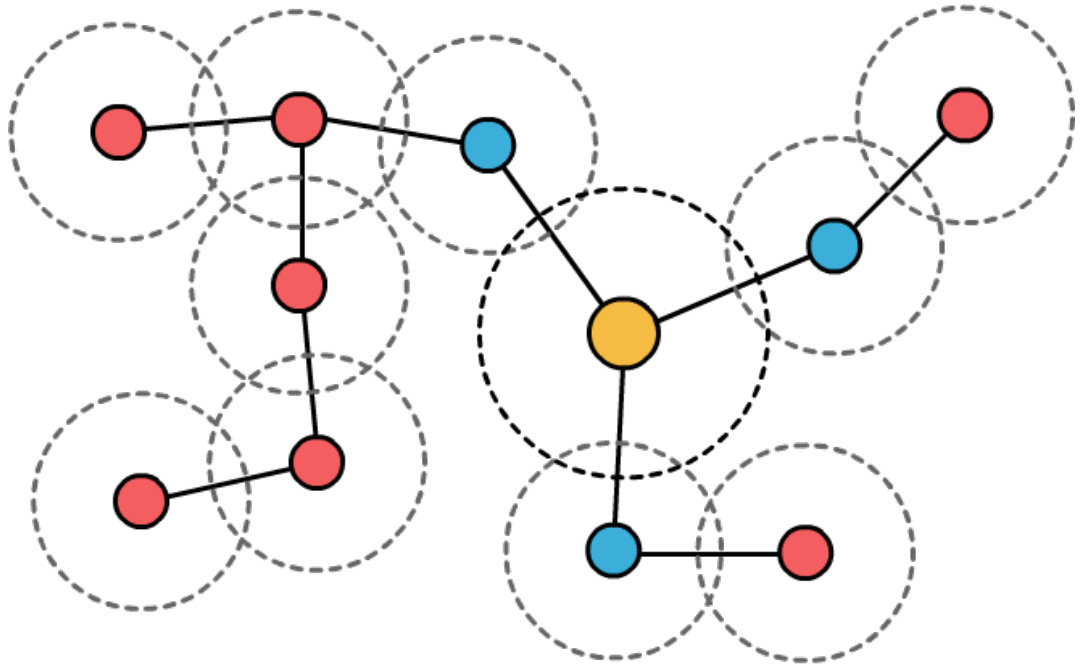


Рисунок 11 – Сгенерированная абстрактная транспортная сеть с 1 городом и 3 вокзалами.

вестных узлов и объявить их вокзалами. Также это можно производить на основе статистики количества транспортных рейсов, проходящих через каждый узел.

3.3. Результаты тестирования

Для тестирования мы воспользуемся приведенным выше генератором транспортных сетей. Сгенерируем несколько наборов карт и запустим на них выполнение также сгенерированных запросов. Сравнивать будем 3 алгоритма:

1. Сервис на основе алгоритма Йена;
2. Базовая версия сервиса на основе двунаправленного пересечения множеств рейсов. Поддержка только 1 пересадки;
3. Предлагаемая версия с новым алгоритмом;

Ниже приведена таблица сравнения времени работы сервисов. Название графов имеет формат $SxRxM$, где S – количество транспортных узлов, R – количество рейсов, M – максимальное количество пересадок. В качестве значения результата используется среднее время среди 1000 запросов. Замеры производились на сервере с характеристиками: 10 Гбайт RAM, 4 ядра CPU.

Таблица 4 – Среднее время обработки 1 запроса сервисом

Граф	Сервис №1, мс	Сервис №2, мс	Сервис №3, мс
100x100x1	80	49	51
100x100x3	157	-	65
10000x100x1	76	56	55
10000x100x3	92	-	68
100x10000x1	166	140	121
100x10000x3	2539	-	954
10000x10000x1	183	144	152
10000x10000x3	2802	-	1138

В реальной системе имелась возможность логгировать максимальное время запроса. В результате по сравнению с сервисом №2 уменьшил это время с 10 сек до 2 сек, что является хорошим результатом.

Выводы по главе 3

В данной главе были описаны интересные аспекты реализации описанных ранее алгоритмов. Также был приведен список используемых инструментов и компонентов. Все перечисленное было реализовано в виде программных сервисов на языке Java 8 и протестировано с двумя другими сервисами на графах, сгенерированных специальным инструментом, также описанным в данной главе. Было показано, что на большинстве случаев новая версия алгоритма обгоняет предыдущие.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В результате работы был разработан сервис, который предоставляет возможность искать мультимодальные маршруты с требуемой сортировкой. Также сервис возвращает фильтры по всем доступным маршрутам, которые не попали в результат поиска, но могут попасть при более конкретном указании запроса или смещения номера первого маршрута. Были удовлетворены все требования, в частности:

1. Маршруты строятся инкрементально;
2. Алгоритм работает адаптивно относительно времени;
3. Поддерживаются все 4 вида сортировок;
4. Сохраняются функциональные зависимости при выдаче фильтров;

Также в ходе работы было проведено сравнение с существующим внутренним сервисом, исходя из которого можно сделать вывод, что получено ощутимое улучшение времени ответа на запрос.

В качестве дальнейших планов на развитие хочется отметить автоматическое разбиение транспортных узлов по регионам-кластерам и добавление иерархического поиска маршрутов[14][15] и построения фильтров. Также это могло бы помочь при оптимизации каждого построителя маршрутов под конкретный регион.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1 *David Eppstein* Finding the k shortest paths // IEEE Symp. Foundations of Comp. Sci. — 1994. — No. 35. — P. 154–165.
- 2 *Husain Aljazzar* K-star: A heuristic search algorithm for finding the k shortest paths // Artificial Intelligence. — 2011. — No. 175. — P. 2129–2154.
- 3 *Wikipedia* Российские железные дороги. — 2016. — URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Russian_Railways ; [дата обращения 15 марта 2016].
- 4 *Wikipedia* Теория графов. — 2016. — URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Graph_theory ; [дата обращения 15 марта 2016].
- 5 *Wikipedia* Граф (математика). — 2016. — URL: [https://en.wikipedia.org/wiki/Graph_\(discrete_mathematics\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Graph_(discrete_mathematics)) ; [дата обращения 15 марта 2016].
- 6 *Bellman, Richard* On a routing problem // Quarterly of Applied Mathematics). — 1958. — No. 16. — P. 87–90.
- 7 *Edsger W. Dijkstra* A Note on Two Problems in Connexion with Graphs // Numerische Mathematik. — 1959. — No. 1. — P. 269–271.
- 8 *Peter E. Hart, Nils Nilsson, and Bertram Raphael* A Formal Basis for the Heuristic Determination of Minimum Cost Paths // IEEE Transactions on Systems Science and Cybernetics. — 1968. — No. 4. — P. 100–107.
- 9 *Reinhard Bauer, Daniel Delling, Peter Sanders, Dennis Schieferdecker, Dominik Schultes, and Dorothea Wagner* Combining Hierarchical and Goal-Directed Speed-Up Techniques for Dijkstra’s Algorithm // ACM Journal of Experimental Algorithmics. — 2010. — No. 15. — P. 1–31.
- 10 *Jin Y. Yen* Finding the K Shortest Loopless Paths in a Network // Management Science. — 1971. — No. 17. — P. 712–716.
- 11 *Reinhard Bauer and Daniel Delling* SHARC: Fast and Robust Unidirectional Routing. In Ian Munro and Dorothea Wagner // Proceedings of the 10th Workshop on Algorithm Engineering and Experiments (ALENEX’08). — 2008. — P. 13–26.

- 12 *Edith Brunel, Daniel Delling, Andreas Gemsa, and Dorothea Wagner* Space-Efficient SHARC-Routing // Lecture Notes in Computer Science). — 2010. — No. 6049. — P. 47–58.
- 13 *Robert W. Floyd* Algorithm 97: Shortest path // Communications of the ACM). — 1962. — No. 5. — P. 345.
- 14 *Gernot Veit Batz, Daniel Delling, Peter Sanders, and Christian Vetter* Time-Dependent Contraction Hierarchies // Proceedings of the 11th Workshop on Algorithm Engineering and Experiments (ALENEX'09)). — 2009. — P. 97–105.
- 15 *Gernot Veit Batz, Robert Geisberger, Sabine Neubauer, and Peter Sanders* Time-Dependent Contraction Hierarchies and Approximation // Lecture Notes in Computer Science). — 2010. — No. 6049. — P. 166–177.