

федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования «Санкт-Петербургский национальный  
исследовательский университет информационных технологий, механики и  
оптики»

Факультет \_\_\_\_\_ информационных технологий и программирования  
Направление (специальность) \_\_\_\_\_ Прикладная математика и информатика  
Квалификация (степень) \_\_\_\_\_ Бакалавр прикладной математики и информатики  
Кафедра \_\_\_\_\_ компьютерных технологий \_\_\_\_\_ Группа \_\_\_\_\_ М3439

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

### к выпускной квалификационной работе

Инкрементальный адаптивный алгоритм для построения  
маршрутов по заданным критериям в транспортной сети

Автор квалификационной работы \_\_\_\_\_ Хованский В.С. \_\_\_\_\_

Научный руководитель \_\_\_\_\_ Корнеев Г.А. \_\_\_\_\_

#### **Консультанты:**

а) По экономике и организации произ- \_\_\_\_\_  
водства \_\_\_\_\_

б) По безопасности жизнедеятельно- \_\_\_\_\_  
сти и экологии \_\_\_\_\_

в) \_\_\_\_\_

#### **К защите допустить**

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_ Васильев В.Н. \_\_\_\_\_

« \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2016 г.

Санкт-Петербург, 2016 г.

Квалификационная работа выполнена с оценкой \_\_\_\_\_

Дата защиты « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2016 г.

Секретарь ГАК \_\_\_\_\_

Листов хранения \_\_\_\_\_

Чертежей хранения \_\_\_\_\_

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет информационных технологий, механики и оптики»

## АННОТАЦИЯ ПО ВЫПУСКНОЙ КВАЛИФИКАЦИОННОЙ РАБОТЕ

Студент \_\_\_\_\_ Хованский В.С.  
Факультет \_\_\_\_\_ информационных технологий и программирования  
Кафедра \_\_\_\_\_ компьютерных технологий \_\_\_\_\_ Группа М3439  
Направление (специальность) \_\_\_\_\_ Прикладная математика и информатика  
Квалификация (степень) \_\_\_\_\_ Бакалавр прикладной математики и информатики  
Наименование темы Инкрементальный адаптивный алгоритм для построения маршрутов по заданным критериям в транспортной сети  
Руководитель \_\_\_\_\_ Корнеев Г.А., канд. техн. наук, доцент  
Консультант \_\_\_\_\_ Малинин А.А., канд. техн. наук

### КРАТКОЕ СОДЕРЖАНИЕ ВЫПУСКНОЙ КВАЛИФИКАЦИОННОЙ РАБОТЫ И ОСНОВНЫЕ ВЫВОДЫ

объем 49 стр., графический материал — стр., библиография 0 наим.

#### Направление и задача исследований

Целью данной работы является получение алгоритма, умеющего инкрементально строить маршруты, соответствующие входным условиям и упорядоченные по требуемой сортировке, а также доступные фильтры.

#### Проектная или исследовательская часть (с указанием основных методов исследований, расчетов и результатов)

В результате данной работы был получен и реализован ряд алгоритмов для построения маршрутов и доступных фильтров. При этом новые алгоритмы дают качественно более хорошие результаты, чем текущие разработки.

#### Экономическая часть (какие использованы методики, экономическая эффективность результатов)

Не рассматривалась.

#### Характеристика вопросов экологии, техники безопасности и др.

Не рассматривалась.

#### Является ли работа продолжением курсовых проектов (работ), есть ли публикации

Данная работа не является продолжением курсового проекта. Данная работа не имеет публикаций.

#### Практическая ценность работы. Рекомендации по внедрению

Результаты данной работы, реализованные в виде ПО, проходят испытания перед внедрением.

Выпускник \_\_\_\_\_

Научный руководитель \_\_\_\_\_

« \_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2016 г.

## ОГЛАВЛЕНИЕ

ВВЕДЕНИЕ.....	6
1. Обзор предметной области.....	7
1.1. Основные определения.....	7
1.2. Виды транспорта и его особенности.....	8
1.2.1. Железнодорожный.....	8
1.2.2. Воздушный.....	9
1.2.3. Автомобильный.....	9
1.3. Построение маршрутов.....	9
1.3.1. Мультиmodalность.....	9
1.3.2. Временные интервалы.....	10
1.3.3. Инкрементальное построение.....	10
1.3.4. Адаптивность по времени.....	10
1.4. Построение фильтров к доступным маршрутам.....	10
1.4.1. Косвенные признаки.....	11
1.4.2. Осуществление фильтрации.....	11
1.4.3. Функциональные зависимости.....	11
1.5. Сортировка маршрутов.....	12
1.5.1. Количество пересадок.....	13
1.5.2. Время отправления/прибытия.....	13
1.6. Известные алгоритмы.....	13
1.6.1. Алгоритм Дейкстры.....	13
1.6.2. Алгоритм Йена.....	15
Выводы по главе 1.....	16
2. Алгоритм построения маршрутов.....	17
2.1. Модели данных.....	17
2.1.1. Статичный граф.....	17
2.1.2. Граф расписаний.....	18
2.1.3. Граф рейсов.....	20
2.2. Построение маршрутов.....	24
2.2.1. Дополнение временных интервалов.....	25
2.2.2. Фаза инициализации.....	25
2.2.3. Фаза обхода.....	28

2.3. Сортировка маршрутов .....	30
2.3.1. Количество пересадок .....	31
2.3.2. Время прибытия.....	34
2.3.3. Время отправления.....	35
2.3.4. Время в пути .....	36
2.4. Построение фильтров .....	38
2.4.1. Косвенные признаки.....	38
2.4.2. Осуществление фильтрации.....	40
2.4.3. Функциональные зависимости.....	41
Выводы по главе 2 .....	42
3. Детали реализации и тестирование .....	43
3.1. Работа с базой данных .....	43
3.1.1. Особенности базы данных .....	43
3.1.2. Персистентные модели данных.....	43
3.1.3. Кэши .....	46
3.2. Генерация карт транспортных сетей .....	47
3.2.1. Генерация транспортных рейсов.....	47
3.2.2. Генерация центральных узлов.....	48
3.3. Результаты тестирования .....	48
Выводы по главе 3 .....	48
ЗАКЛЮЧЕНИЕ .....	49

## ВВЕДЕНИЕ

## ГЛАВА 1. ОБЗОР ПРЕДМЕТНОЙ ОБЛАСТИ

В данной главе описаны основные определения из области поиска путей в теории графов. В первом разделе главы описаны понятия из теории графов. Во втором – из формальной области транспортных сетей. В третьем разделе формализуется задача и список требований по поддерживаемым свойствам для построения маршрутов. Четвертый раздел содержит краткое описание основных алгоритмов теории графов для поиска путей с описанием преимуществ и недостатков данных подходов.

### 1.1. Основные определения

*Определение 1.* Теория графов – раздел дискретной математики, изучающий свойства графов.

*Определение 2.* Граф – это множество вершин (узлов), соединенных ребрами. В строгом определении графом называется такая пара множеств.  $G = \langle E, V \rangle$ , где  $V$  – подмножество любого счетного множества, а  $E$  – подмножество  $V \times V$ .

*Определение 3.* Маршрут – это конечная последовательность вершин, в которой каждая вершина (кроме последней) соединена ребром со следующей в последовательности вершиной. Цепью называется маршрут без повторяющихся ребер. Простой цепью называется маршрут без повторяющихся вершин (откуда следует, что в простой цепи нет повторяющихся ребер).

*Определение 4.* Ориентированный маршрут (или путь) – это конечная последовательность вершин и дуг, в которой каждый элемент инцидентен предыдущему и последующему.

*Определение 5.* Цикл – это цепь, в которой первая и последняя вершины совпадают. При этом длиной пути (или цикла) называют число составляющих его ребер.

*Определение 6.* Транспортное средство – это совокупность технических систем, предназначенных для перемещений людей и грузов из одного места в другое.

*Определение 7.* Транспортный узел – это комплекс транспортных устройств в пункте стыка нескольких видов транспорта, совместно выполняющих операции по обслуживанию транзитных, местных и городских перевозок грузов и пассажиров.

*Определение 8.* Транспортный рейс –



*Определение 9.* Транспортная сеть – это совокупность всех транспортных рейсов, представленных в течение интервала продажи билетов.

*Определение 10.* Остановка — специально отведенное общественное место, предназначенное для посадки/высадки пассажиров рейсового транспортного средства.

*Определение 11.* Расписание —

*Определение 12.* Мультиmodalный маршрут – это конечная последовательность транспортных рейсов, попав на которые в определенные промежутки времени можно добраться от начального транспортного узла до конечного.

*Определение 13.* Построитель маршрутов – это программный комплекс для обработки внешних поисковых клиентских запросов, имеющий доступ к полному объему данных о расписаниях на всех транспортных узлах и осуществляющий выдачу определенного количества маршрутов в соответствии с поступившими в запросах требованиями. Также в качестве дополнительных возможностей доступно построение фильтров и различной статистики (активные транспортные узлы, активные транспортные рейсы, проходящие через заданный узел).

*Определение 14.* Клиентское приложение – это любое приложение, которое осуществляет запросы к построителю маршрутов за результатом (маршрутами и фильтрами).

## **1.2. Виды транспорта и его особенности**

В транспортной сети, в которой будут строиться маршруты, будет существовать только транспорт с конкретным расписанием транспортных рейсов. Таким образом, идет допущение о том, что система сети идеальна и весь транспорт гарантировано совершает остановки в назначенное время. Постановка вспомогательных свойств для построителя маршрутов, которые позволяют сгладить последствия этого допущения будут описаны в следующих главах. Далее идет описание рассматриваемого транспорта.

### **1.2.1. Железнодорожный**

В задаче будут рассматриваться 2 вида железнодорожного транспорта. Во-первых, это будут поезда дальнего следования, у которых небольшое количество рейсов (около  $10^5$  в течение интервала продажи билетов). Во-вторых, это будут электрички, которые уже совершают до  $10^6$  рейсов за аналогич-

ный промежуток времени. Транспортными узлами являются железнодорожные станции и вокзалы.

### **1.2.2. Воздушный**

Воздушный транспорт будет представлен только самолетами. При этом количество рейсов около  $10^3$ , поэтому особый интерес этот случай не представляет. Но стоит отметить, что в большинстве случаев мультимодальный маршрут не будет содержать больше одного воздушного сегмента пути. Транспортными узлами являются аэропорты.

### **1.2.3. Автомобильный**

Автомобильный транспорт состоит из автобусных междугородних рейсов. Около 95% таких рейсов совершаются только между соседними городами, что сильно упрощает задачу, но количество все равно большое —  $10^6$ . Также в эту категорию входит транспорт в пределах города (или любого крупного населенного пункта), например, такси. Стоит отметить, что в этот вид транспорта можно внести любые другие средства передвижения внутри города, так как в конечном счете это не будет влиять на алгоритм. При этом важно, чтобы у нового транспорта в пределах города имелась возможность рассчитать эвристическое времени передвижения между двумя транспортными узлами, которые относятся к одному населенному пункту. Эту задачу следует решать на основе статистики или с помощью сторонних сервисов, которые умеют анализировать дорожную ситуацию, например, такие сервисы, как 2gis или Яндекс.карты, которые могут оценить время движения на основе карты пробок. Транспортными узлами являются автобусные остановки и крупные населенные пункты.

## **1.3. Построение маршрутов**

Основная задача, ставящаяся перед строителем маршрутов — построение маршрутов по данным, доступным в его памяти и внешних базах данных, доступных для чтения в конкретный момент времени. На алгоритм построения маршрутов в транспортной сети накладываются следующие условия и ограничения.

### **1.3.1. Мультимодальность**

Маршруты могут быть мультимодальными, то есть проходить через несколько точек-остановок, содержать пересадки, проходить разными видами

транспорта со своими особенностями и т.д.; Это нужно для того, чтобы была возможность добраться из любой точки в любую, где есть хотя бы какой-нибудь транспорт. Вариант пройти пешком небольшой кусок пути тоже доступен внутри крупного населенного пункта также должен быть доступен.

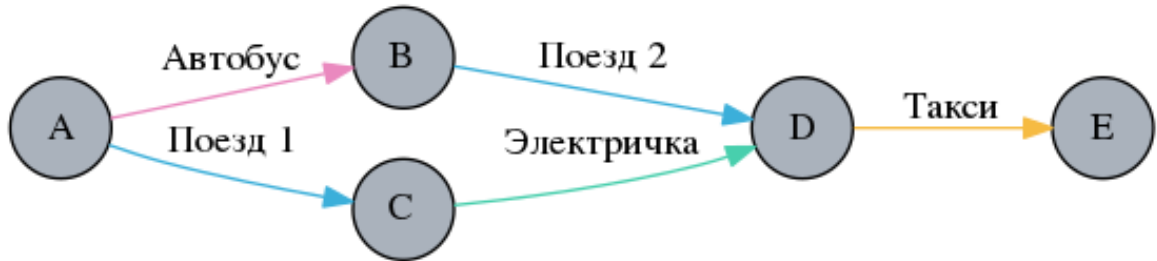


Рисунок 1 – Несколько мультимодальных маршрутов от точки А до точки Е.

### 1.3.2. Временные интервалы

Маршруты можно строить для определенных интервалов времени. Например, хотим выехать в промежуток с 8-00 до 12-00 утра, а приехать в любой день на следующей неделе, но обязательно после 21-00. Это требуется, чтобы иметь возможность бронировать гостиницу, не отходя от кассы.

### 1.3.3. Инкрементальное построение

Маршруты требуется строить инкрементально (не все сразу, а только небольшую часть из существующих) из-за того, что возможное количество маршрутов может достигать до  $10^9$  между парой крупных населенных пунктов с 3 допустимыми пересадками и интервалом времени в пути равным нескольким дням. Это требуется для конечного клиентского приложения, чтобы можно было организовать страничный показ результатов без полного вычисления всех маршрутов на предыдущих страницах.

### 1.3.4. Адаптивность по времени

Маршруты могут строиться адаптивно по времени из-за того, что важно время отклика алгоритма, то есть в приоритете время выполнения над показом действительно всех требуемых результатов.

## 1.4. Построение фильтров к доступным маршрутам

Под фильтром в данном случае понимается предикат, который принимает в качестве аргумента построенный маршрут и возвращает ИСТИНА или

ЛОЖЬ в зависимости от того, удовлетворяет ли маршрут критериям поиска, которые задает фильтр. Таким образом, помимо построения самих маршрутов требуется построить фильтры по доступным маршрутам со следующими условиями.

#### 1.4.1. Косвенные признаки

Из-за того, что маршруты строятся не все сразу, то кроме непосредственно найденных маршрутов существует огромное количество потенциально доступных маршрутов. При этом мы хотим получить к ним доступ по косвенным признакам. Например, это может быть тип транспорта, номер поезда или тип места в самолете (у окна/у туалета/в хвосте). Формально любой параметр доступный в модели данных может стать доступным для фильтрации<sup>1</sup>.

#### 1.4.2. Осуществление фильтрации

Фильтрацию мы хотим осуществлять как можно раньше для некоторых фильтров, и позже – для других, потому что некоторые проверки могут занять большое количество времени. Дополнительно мы хотим поддерживать несколько типов фильтрации:

- **Фильтрация по отрезкам.** Переданный фильтр должен пропускать каждый сегмент маршрута. При этом для каждого типа косвенного признака может быть задан один из нескольких предикатов.
- **Фильтрация по маршрутам.** В данном случае фильтр должен пропускать маршрут целиком. Примером такого фильтра может быть количество свободных мест.
- **Дополнительные условия.** В эту категорию входят особые фильтры бизнес-логики, они не задаются специально через клиентское приложение, но действуют для всех найденных маршрутов. Примером таких фильтров служит то, что в маршруте не должны повторяться станции или рейсы.

#### 1.4.3. Функциональные зависимости

Не последнюю роль в фильтрах играют функциональные зависимости, потому что в последствии нужно будет их эффективно показывать без противоречий. Например, тип места «у окна» в купе и каюте относятся к разным

---

<sup>1</sup>Под моделью данных в данном случае подразумевается любой абстрактный объект, который имеет отражение в реальном мире: поезд, самолет, аэропорт и т.д.

типам транспорта и их нельзя объединять. Пример «дерева» функциональный зависимостей для поезда:

- Точки отправления и прибытия
- Интервалы отправления и прибытия
- Вид транспорта:
- Поезд:
  - Перевозчик
  - Бренд
  - Номер
  - Тип вагона:
    - \* Купе:
      - Верхнее/нижнее
      - Не у туалета
    - \* Сидячий:
      - У окна/у прохода
    - \* Плацкарт:
      - Верхнее/нижнее
      - Не у туалета
      - Боковое/не боковое

Каждый уровень списка зависит от родительского уровня и строго им определяется для того, чтобы исключить ситуации, когда несколько косвенных признаков совпадают уже разных видов транспорта. Например, признак «Перевозчик» у поезда и самолета. Такое разделение необходимо для корректного с точки зрения логики и удобного вывода результата в клиентском приложении.

### **1.5. Сортировка маршрутов**

Маршруты требуется строить в порядке сортировки. В простейшем варианте можно сортировать только построенные маршруты, что не представляет из себя никакой сложности. В сложном варианте маршруты строятся на основе любого предиката сравнения пары маршрутов и выдаются в результат, гарантируя определенный порядок. В рамках данной работы подходит «средний» вариант. Требуется гарантировать определенный порядок построенных маршрутов без пропусков, но предикаты известны заранее. Всего их 4 основных вида:

1. Количество пересадок
2. Время отправления
3. Время прибытия
4. Время в пути

Далее рассмотрим некоторые из них более подробно.

### **1.5.1. Количество пересадок**

Самая простая сортировка в рамках данной работы (или просто сортировка по-умолчанию). Несложно заметить, что количество пересадок будет пропорционально количеству транспорта, который будет включен в мульти-модальный маршрут. И если представить каждый отрезок пути на конкретном транспорте отдельным ребром в абстрактном графе, то сортировка будет происходить относительно количества ребер.

### **1.5.2. Время отправления/прибытия**

У каждой остановки любого транспортного рейса существует время прибытия и время отбытия. У первой и последней остановок оно совпадает. Если задан бесконечный или полу-бесконечный интервал, то нижний предел времени отграничен текущим северным временем, а верхний предел – неким разумным пределом, например, датой продаж. Для выбора верхней границы существуют разные стратегии. Например, при заданном интервале отправления можно устанавливать интервал прибытия зависимым от него. Для этого, нужно знать максимальную продолжительность пути в системе, что не представляет сложностей при ограничении максимального количества пересадок.

## **1.6. Известные алгоритмы**

### **1.6.1. Алгоритм Дейкстры**

Классический алгоритм для вычисления кратчайших путей в статическом графе  $G = (V, E)$  с функцией веса<sup>2</sup> для ребер называется алгоритмом Дейкстры. В частности, алгоритм, разработанный Э. Дейкстрой, решает проблему нахождения кратчайших маршрутов от единственной стартовой вершины  $s$  до всех остальных вершин в графе  $G$ . Алгоритм поддерживает для каждой вершины  $u$  метку  $\delta(u)$  с предварительным расстоянием от  $s$  до  $u$ . Каждая вершина может находиться в одном из следующих состояниях: нерассмотренная, рассмотренная, посещенная.

---

<sup>2</sup>Предполагается, что в статическом графе ребра имеют неотрицательные веса. Для общего случая можно использовать алгоритм Беллмана — Форда.

Изначально только вершина  $s$  считается рассмотренной с  $\delta(s) = 0$  и все остальные вершины  $u$  являются нерассмотренными с  $\delta(u) = \infty$ .

На каждом шаге вершина  $u$  с минимальной  $\delta(u)$  извлекается и удаляется из приоритетной очереди  $Q$ . Будет говорить, что вершина посещена, так как теперь известно, что  $\delta(u)$  – кратчайшее расстояние. Все исходящие ребра  $(u, v)$  посещенной вершины релаксируются, то есть сравнивается кратчайшее расстояние от  $s$  через  $u$  до вершины  $v$  с предварительным расстоянием  $\delta(v)$ . Если оно меньше, то мы обновляет  $\delta(v)$  и  $v$  в приоритетной очереди  $Q$ . Стоит заметить, что такое обновление для нее это либо операции вставки, если вершина рассмотрена, либо операция уменьшения ключа в противном случае. Алгоритм заканчивает работу только тогда, когда очередь становится пустой. Это произойдет после  $n$  шагов, где  $n$  – это количество вершин в графе  $G$ .

В приведенном ниже псевдокоде видно, что иногда мы не посещаем все вершины в графе. Это происходит из-за того, что либо такие вершины недостижимы из  $s$ , либо очередь становится пустой раньше, чем мы доходим до такой вершины. Для того, чтобы избежать инициализации алгоритма за  $O(n)$  при последовательных вызовах, можно сохранять посещенные вершины и обновлять их значения  $\delta$  после конца алгоритма. Таким образом, асимптотика алгоритма зависит только от количества посещенных вершин и релаксируемых ребер, а не от  $n$ .

Листинг 1 – Алгоритм Дейкстры

```

function DIJKSTRA( $s$ )
     $\delta = \{\infty, \dots, \infty\}$                                 ▷ предварительные расстояния
     $\delta(s) = 0$                                                 ▷ поиск начинается из вершины  $s$ 
     $Q.update(0, s)$                                            ▷ приоритетная очередь
    while  $Q \neq \emptyset$  do
         $(_, u) = Q.deleteMin()$                                 ▷ посещаем  $u$ 
        for  $e = (u, v) \in E$  do                                ▷ релаксируем ребра
            if  $\delta(u) + c(e) < \delta(v)$  then
                 $\delta(v) = \delta(u) + c(e)$ 
                 $Q.update(\delta(v), v)$ 
            end if
        end for
    end while
end function

```

Алгоритм Дейкстры использует максимум  $n$  операций вставки в приоритетную очередь,  $n$  удалений и  $m$  операций уменьшения ключа, обеспечивая таким образом асимптотику  $O(m+n \log n)$  при использовании Фибоначчиевой кучи.

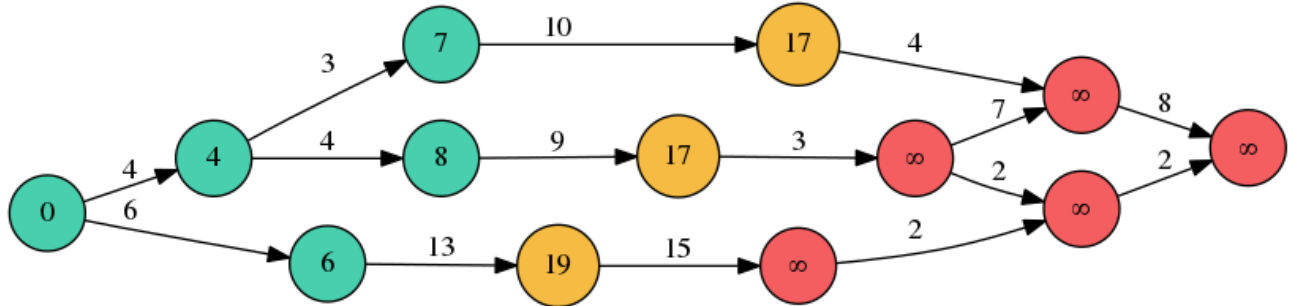


Рисунок 2 – Состояние алгоритма Дейкстры после посещения 5 вершин.

Посещенные - зеленые, рассмотренные - желтые, нерассмотренные - красные.

### 1.6.2. Алгоритм Йена

Алгоритм Йена находит  $k$  путей без циклов от единственной стартовой вершины  $s$  до конечной вершины  $t$  в статичном графе. Разработанный Йеном алгоритм предполагает, что в его основе будет лежать любой другой алгоритм поиска кратчайшего пути, например, его основой может послужить алгоритм Дейкстры. Идея основана на том, что можно построить изначально кратчайший путь и потом на основе этого пути искать отклонения, чтобы построить следующий. Каждая  $k$  итерация будет искать отклонения от кратчайших путей, полученных на  $k - 1$  итерациях.



## Листинг 2 – Алгоритм Йена

```

function YEN( $s, t, K$ )
     $A[0] = Dijkstra(s, t)$   $\triangleright$  определяем кратчайший путь от  $s$  до  $t$ 
     $B = \emptyset$   $\triangleright$  приоритетная очередь, хранящая кандидатов на  $k$  кратчайший
    путь
    for  $k = 1$  to  $K$  do
        for  $i = 0$  to  $size(A[k - 1]) - 1$  do
             $spurNode = A[k - 1].node(i)$   $\triangleright$  Вершина ответвления
            извлекается из полученного на предыдущей итерации пути
             $rootPath = A[k - 1].nodes(0, i)$   $\triangleright$  Последовательность вершин от
            стартовой до вершины ответвления образуют корневой префикс пути
            for  $p \in A$  do
                if  $rootPath = p.nodes(0, i)$  then
                    удаляем  $p.edge(i, i + 1)$  из графа
                end if
            end for
            for  $rootPathNode \in rootPath$  do
                if  $rootPathNode \neq spurNode$  then
                    удаляем  $rootPathNode$  из графа
                end if
            end for
             $spurPath = Dijkstra(spurNode, t)$   $\triangleright$  вычисляем
            путь-ответвление
             $totalPath = rootPath + spurPath$   $\triangleright$  Полный путь состоит из
            корневого префикса и пути-ответвления
             $B.append(totalPath)$   $\triangleright$  Добавление кандидата на кратчайший  $k$ 
            путь
            восстанавливаем в графе удаленные на текущей итерации ребра
            и вершины
        end for
        if  $B = \emptyset$  then
            break
        end if
         $(_, A[k]) = B.deleteMin()$ 
    end for
end function

```

## Выводы по главе 1

## ГЛАВА 2. АЛГОРИТМ ПОСТРОЕНИЯ МАРШРУТОВ

### 2.1. Модели данных

В этом разделе будут описаны 3 способа представления данных о транспортной системе в виде графа, на котором впоследствии будут применяться алгоритмы для построения маршрутов и доступ к которому будет иметь построитель маршрутов.

#### 2.1.1. Статичный граф

В статичном случае каждое ребро взвешенно функцией  $c : E \rightarrow R$ , и не имеет параллельных ребер. Для каждого ребра  $e = (u, v)$  будем писать иногда  $c(u, v)$  вместо  $c(e)$ . Будем называть такой граф простым взвешенным. Вес ребра можно интерпретировать как среднее время движения, требуемое на преодоление сегмента дороги, или как физическую длину. Длина пути  $P$  в таком случае равна  $c(P) = \sum_{i=1}^k c(e_i)$ . Путь  $P^*$  будет являться кратчайшим в том случае, если не существует другого пути  $P'$  с такой же стартовой и конечной вершинами, что и у пути  $P^*$ , такого, что  $c(P') < c(P^*)$ .

Можно построить граф транспортных рейсов, который будет соответствовать данному случаю. Для этого возьмем на вершину графа транспортный узел, а движение транспорта от одного транспортного узла до другого – за ребро. За вес ребра будет принята длина сегмента пути, так как она не меняется с течением времени. Далее на таком графе можно применить алгоритм Йена и найти  $k$  путей.

К сожалению, такой подход имеет ряд существенных минусов. Во-первых, будет доступна только одна естественная сортировка – по количеству пересадок, так как в данном случае это будет просто количество ребер. Во-вторых, поддержка временных интервалов потребует дополнительных вызовов алгоритма для того, чтобы гарантированно получить те маршруты, которых попадают в определенные временные границы. В-третьих, это размер графа, который зависит от количества остановок каждого транспорта за период даты продаж.

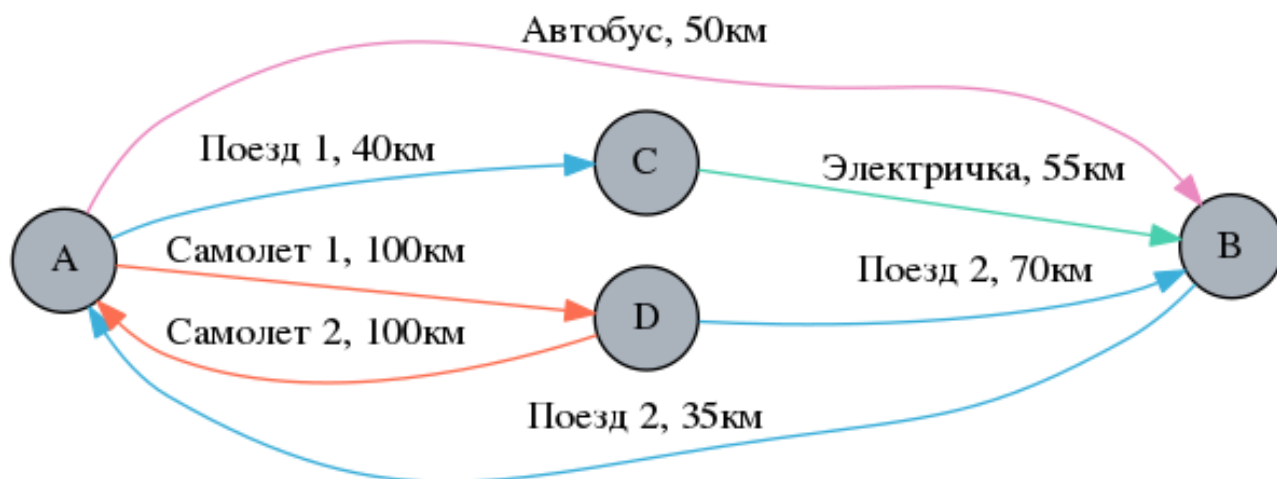


Рисунок 3 – Статичный граф с 4 городами и 6 транспортами

### 2.1.2. Граф расписаний

Традиционно расписания представляются множеством поездов (автобусов, самолетов и т.д.). Каждый поезд посещает последовательность станций (автобусных остановок, аэропортов и т.д.). Для каждой станции, за исключением последней, расписание включает в себя время отбытия, и для каждой станции, за исключением первой, включает в себя время прибытия, как показано в таблице:

Для того, чтобы была возможность математически определить связи, состоящие из нескольких поездов, мы разделим их в элементарные связи. Более формально, мы имеем множество станций  $B$ , множество остановок  $Z_S$  на каждой станции  $S \in B$  и множество элементарных связей  $C$ , чьи элементы  $c$  являются кортежами вида  $c = \{Z_d, Z_a, S_d, S_a, \tau_d, \tau_a\}$ . Такой кортеж интерпретируется как поезд, который отправляется со станции  $S_d$  со временем отбытия  $\tau_d$  после остановки  $Z_d$  и затем следующую остановку  $Z_a$  на станции  $S_a$  с временем прибытия  $\tau_a$ . Если  $x$  обозначает поле кортежа, то  $x(c)$  является значением  $x$  в элементарной связи  $c$ . Событие остановки похоже на идентификатор поезда, но на самом деле является более сложным. Определим событие остановки как последовательное прибытие и отбытие поезда со станции, не осуществляя пересадку. Для соответствующего прибытия элементарной связи  $c_1$  и отбывающей связи  $c_2$  выполняется  $Z_a(c_1) = Z_d(c_2)$ . Более того, событие остановки является локальным по отношению к каждой станции. Введем дополнительные события остановки для начала транспортного рейса и для его конца.

*Определение 15.* Длительность элементарной связи  $c$  определяется как  $d(c) = \tau_a(c) - \tau_d(c)$ .

На станции или любом другом транспортном узле  $S \in B$  возможно совершить пересадку с одного поезда на другой, если время между прибытием и отбытием на станции  $S$  больше и равно минимальному времени пересадки –  $\minTransferTime(S)$ . Аналогично вводится максимальное время –  $\maxTransferTime(S)$ . Для простоты дальнейших рассуждений примем  $\minTransferTime = \text{const}$  и  $\maxTransferTime = \text{const}$ .

Пусть  $P = (c_1, \dots, c_k)$  будет последовательностью элементарных связей. Определим  $dep_i(P) = \tau_d(c_i)$ ,  $arr_i(P) = \tau_a(c_i)$ ,  $S_d(P) = S_d(c_1)$ ,  $S_a(P) = S_a(c_k)$ ,  $Z_d(P) = Z_d(c_1)$ ,  $Z_a(P) = Z_a(c_k)$ ,  $dep(P) = dep_1(P)$ ,  $arr(P) = arr_k(P)$  и  $d(P) = arr(P) - dep(P)$ . Таким образом, последовательность  $P$  будет называться согласованной связью между станциями  $S_d(P)$  и  $S_a(P)$ , для которой выполняются следующие условия:

1. Станция отправления  $c_{i+1}$  является станцией прибытия  $c_i$ .
2. Для минимального времени пересадки соблюдается либо  $Z_d(c_{i+1}) = Z_a(c_i)$ , либо  $dep_{i+1}(P) - arr_i(P) \geq \minTransferTime(S_a(c_i))$

Для того, чтобы построить из расписания граф, потребуется получить все маршруты поездов. Граф будет иметь 3 вида вершин, каждая из которых будет содержать время и принадлежать станции. Для каждого элементарной связи  $c_1 = (Z_1, Z_2, S_1, S_2, \tau_1, \tau_2)$  из станции  $S_1$  в станцию  $S_2$  на одинаковом поезде мы добавим вершину отправления  $S_1d@ \tau_1$  на станции  $S_1$  со временем отправления  $\tau_1$ , вершину прибытия  $S_2a@ \tau_2$  на станции  $S_2$  со временем прибытия  $\tau_2$  и ребро  $S_1d@ \tau_1 \rightarrow S_2a@ \tau_2$ , обозначающее поездку на транспортном средстве со станции  $S_1$  на  $S_2$ . Если транспортное средство продолжает движение со станции  $S_2$  во время  $\tau_3$ , то добавим ребро  $S_2a@ \tau_2 \rightarrow S_2d@ \tau_3$ , представляющее собой ожидание транспорта на станции  $S_2$ . Это возможно, независимо от того, насколько мала разница  $\tau_3 - \tau_2$ .

Для каждой вершины отправления  $S_2d@ \tau$  добавим вершину пересадки  $S_2t@ \tau$  с тем же временем и добавим ребро  $S_2t@ \tau \rightarrow S_2d@ \tau$  между ними. Также мы добавим ребро  $S_2t@ \tau \rightarrow S_2t@ \tau'$ , идущее ко следующей вершине пересадки по возрастаю времени. Такие ребра будут называть ребрами ожидания (или ребрами пересадки). Теперь для того, чтобы позволить совершить пересадку после прибытия в вершину  $S_2a@ \tau_2$ , добавим ребро к первой вер-

шине пересадки, для которой выполняется  $\tau \geq \tau_2 + \minTransferTime(S_2)$  и  $\tau \leq \tau_2 + \maxTransferTime(S_2)$ . Это даст возможность, совершить пересадку на любой транспортный рейс.

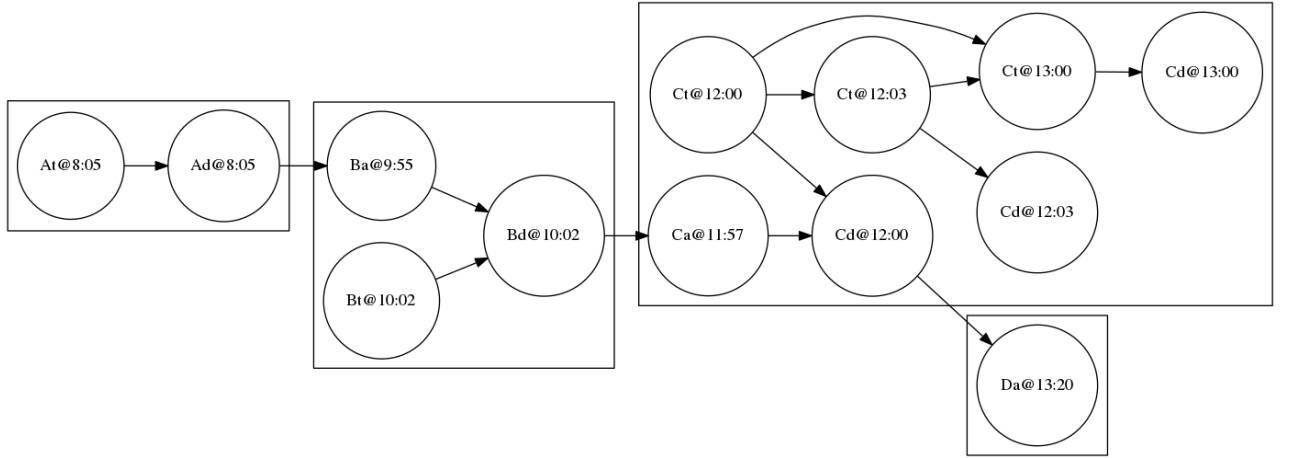


Рисунок 4 – Для каждого события остановки есть соответствующая вершина. Вес ребра неявно задан по определению длительности элементарной связи. В данном примере  $\minTransferTime(C)$  равен 10 минутам.

### 2.1.3. Граф рейсов

Попробуем упростить и в то же время улучшить модель на основе графа расписаний. Заметим, что вершины пересадки  $St$  можно удалить из графа без потери информации. Для этого заменим все ребра вида  $St@t \rightarrow St@t'$  на ребра  $Sd@t \rightarrow Sd@t'$ . Это возможно сделать, потому что для каждой вершины пересадки  $St@t$  существует парная ей вершина отправления  $Sd@t$  с одинаковым временем  $t$ . Также поменяем конец ребер вида  $Sa@t \rightarrow St@t'$  на вершины отправления. Таким образом, поддерживать упорядоченный порядок по времени отправления нужно в самих вершинах отправления.

Следующим шагом улучшения модели будет проведение операции под названием транзитивное замыкание.

*Определение 16.* В теории графов транзитивным замыканием графа будет являться добавление дополнительных ребер между всеми вершинами, между которыми существует путь.

Наивный способ транзитивного замыкания предполагает добавление ребер между всеми парами вершин отправления  $S_i d@t_i$  и прибытия  $S_j a@t_j$ . Такие ребра будут называться кратчайшими. В них можно хранить информацию о  $K_{max}$  кратчайших маршрутах между парой транспортных узлов  $S_i$

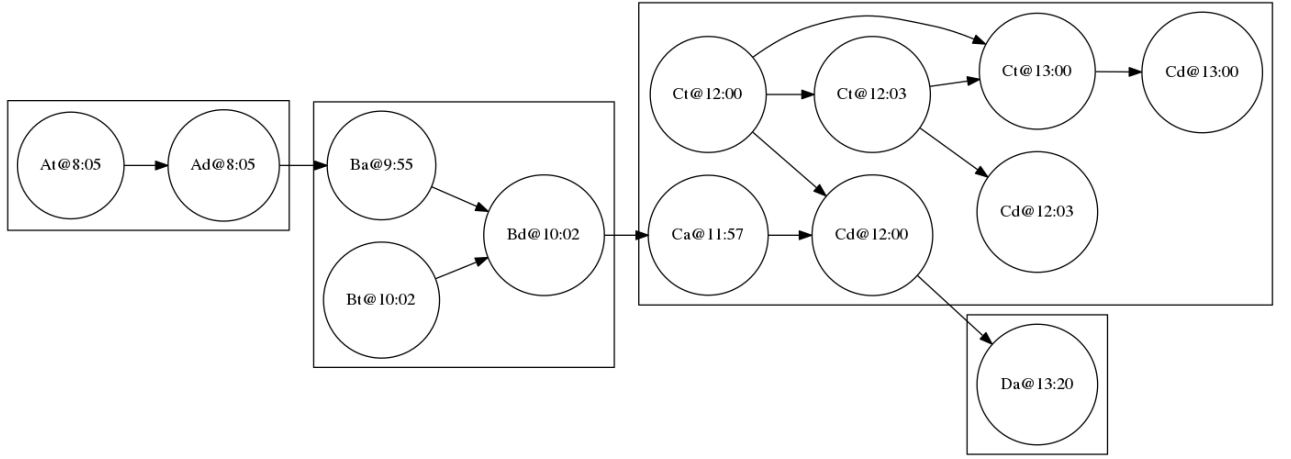


Рисунок 5 – Для каждого события остановки есть соответствующая вершина. Вес ребра неявно задан по определению длительности элементарной связи. В данном примере  $\minTransferTime(C)$  равен 10 минутам.

и  $S_j$ , где  $K_{max}$  – максимальное количество маршрутов, которые могут быть запрошены клиентским приложением у построителя маршрутов.

Для того, чтобы сделать полное замыкание графа, нужно построить кратчайшие маршруты от каждой вершины отправления до каждой вершины прибытия. Для такой задачи существует алгоритм Флойда-Уоршелла, который требуем  $O(n^3)$  времени, где  $n$  – количество вершин<sup>1</sup> и  $O(n^3 K_{max})$  памяти.

В итоге, несмотря на всю простоту модели, к сожалению, такой подход крайне неэффективно расходует память и требует огромное время на фазу предварительного расчета.

Улучшенный способ транзитивного замыкания работает локально. Вместо того, чтобы добавлять ребра между всеми парами вершин отправления  $S_i d@ \tau_i$  и прибытия  $S_j a@ \tau_j$  во всем графе, будем добавлять их только между такими вершинами, построенными на основе конкретного транспортного рейса.

Оценим время и память требуемое для построения такой модели. Пусть  $q$  – количество остановок в одном транспортном рейсе,  $n$  – количество транспортных рейсов. Рассмотрим остановку  $Z_i$ , где  $i$  – номер остановки в транспортном рейсе. В худшем случае от каждой вершины отправления  $S_i d@ \tau$  будет идти  $q - i$  ребер до всех оставшихся вершин прибытия  $\forall j > i : S_j a@ \tau_j$ . Аналогично до каждой вершины  $S_i a@ \tau$  будет идти  $i$  ребер от всех вершин

<sup>1</sup>Улучшенная версия алгоритма требует  $O(n^2 \log n)$  времени.

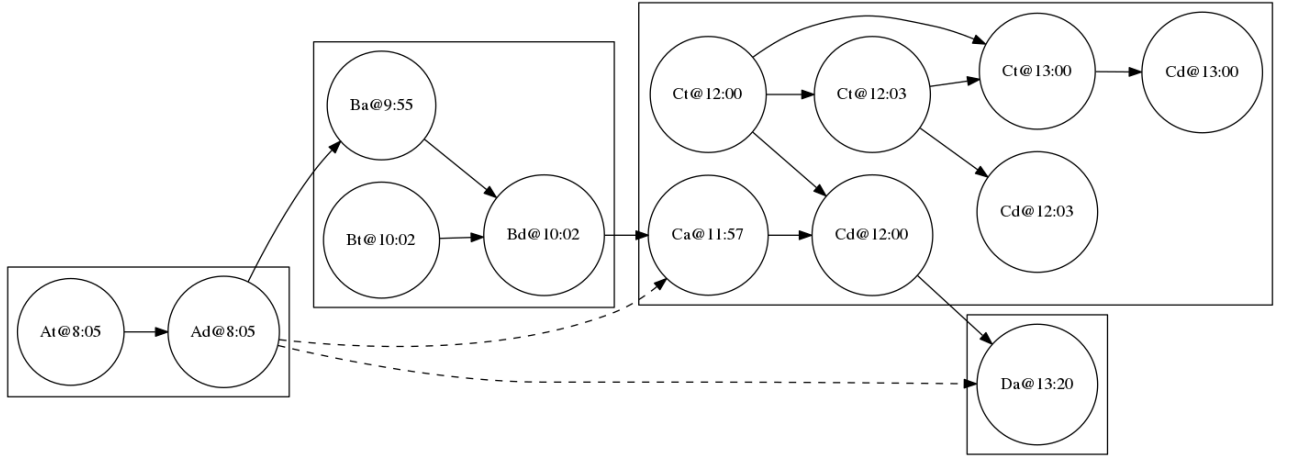


Рисунок 6 – Для каждого события остановки есть соответствующая вершина. Вес ребра неявно задан по определению длительности элементарной связи. В данном примере  $\minTransferTime(C)$  равен 10 минутам.

прибытия  $\forall j < i : S_j a @ \tau_j$ . Не сложно заметить, что на один транспортный рейс таким образом будет приходиться  $\frac{q^2}{2}$  ребер. Требуемое время, которое потребуется для построения модели, равно  $O(q^2 n)$ , не считая времени на получение минимальной вершины, а суммарная память –  $O(q^2 n)$  для ребер и  $O(qn)$  для вершин.

Попробуем изменить подход и использовать единую вершину остановки. Для этого назовем элементарной остановкой кортеж из 4 элементов  $St = (i, r, s, \tau)$ , хранящий информацию о номере остановки  $i$ , транспортном рейсе  $r$ , станции  $s$ , а также метки времени  $\tau$ , которая будет хранить либо время отправления, либо прибытия в зависимости от того, как мы будем её интерпретировать. Задачу о хранении возможных пересадок перенесем из модели графа в модели транспортных рейсов, для которых известны также сами события остановок. Создадим по массив в транспортном рейсе размером с количество его остановок, который будет хранить неупорядоченные списки элементарных остановок.

Также нам потребуется хранить 2 структуры данных с поддержкой быстрого поиска элементов в определенной границе. Такой структурой данных может быть красно-черное дерево, поддерживающее поиск элемента за  $O(\log n)$ , или аналогичный по асимптотике и возможностям список с пропусками. Обе эти структуры помогут быстро находить элементарные остановки во множестве событий прибытия  $T_a(s)$  и отбытия  $T_d(s)$  на станцию  $s$ .

Листинг 3 – Алгоритм построения транзитивного замыкания

```

function CLOSURE(runs, stops)
  for run  $\in$  runs do
    for  $i = 0$  to  $\text{size}(\text{stops}[\text{run}])$  do
       $S \leftarrow \text{stops}[\text{run}][i]$   $\triangleright$  получаем из события остановки станцию
      Создаем вершину  $S_i a @ \tau_i$ 
      for  $j = 0$  to  $i - 1$  do
        создаем ребро  $S_j d @ \tau_j \rightarrow S_i a @ \tau_i$ 
      end for
      Создаем вершину  $S_i d @ \tau_i$ 
      for  $j = i + 1$  to  $\text{size}(\text{stops}(\text{run}))$  do
        создаем ребро  $S_i d @ \tau_i \rightarrow S_j a @ \tau_j$ 
      end for
       $\text{minNode} \leftarrow \text{getMinNode}(S_i d @ \tau_i)$   $\triangleright$  получаем минимальную
      вершину отправления в порядке сортировки по времени
      Создаем ребро пересадки  $S_i a @ \tau_i \rightarrow \text{minNode}$ 
    end for
  end for
end function

```

Рассмотрим, как теперь будет строиться модель. Построение модели можно реализовать инкрементально, то есть добавлять в модель по одному транспортному рейсу. Для каждого такого рейса создается массив *transfers*, который хранит на *i* позиции список элементарных остановок отправления, на которые можно пересест с текущего рейса на *i* точке маршрута. Пустой список означает, что либо в точке маршрута другой транспорт не останавливается, либо он не подходит по критериям пересадки, то есть не соблюдаются допустимые интервалы времени, связанные с  $T_{min}$  и  $T_{max}$ . Для каждого рейса выполняется обход его маршрутных точек с обновляем пересадок в каждой из них.



Листинг 4 – Алгоритм построения пересадок

```

function BUILDTRANSFERS(runs)
  for  $r \in runs$  do
     $transfers[r] := \emptyset$   $\triangleright$  Список пересадок для транспортного рейса  $r$ 
    for  $i = 0$  to  $|W(r)| - 1$  do
       $w := W(r)[i]$ 
       $s := S(w)$   $\triangleright$  по точке маршрута можно получить станцию
      if  $i \neq 0$  then  $\triangleright$  игнорируем  $i = 0$ , так как только сели на поезд и
      пересадку делать не нужно в любом случае
         $st_a := (i, R, s, \tau_a(w))$  Текущая элементарная остановка со вре-
        менем прибытия
         $T_a(s).put(\tau_a(w), st_a)$  Помещаем остановку в расписание прибы-
        тий станции  $s$ 
        for  $(\tau, st') \in T_a(s) : \tau - \tau_a(w) \in [T_{min}(s), T_{max}(s)]$  do
          if  $R(st') \neq r$  then  $\triangleright$  Исключаем пересадку на текущий
          транспорт
             $transfers[i].add(st')$ 
          end if
        end for
      end if
      if  $i \neq |W(r)| - 1$  then  $\triangleright$  не делаем пересадки на поезд, который
      уже находится на своей конечной станции
         $st_d := (i, R, s, \tau_d(w))$ 
         $T_d(s).put(\tau_d(w), st_d)$ 
        for  $(\tau, st') \in T_a(s) : \tau - \tau_d(w) \in [-T_{max}(s), -T_{min}(s)]$  do
          if  $R(st') \neq r$  and  $i \neq 0$  then  $\triangleright$  игнорируем  $i = 0$ , так как
          только сели на поезд и пересадку делать не нужно в любом случае
             $transfers[i].add(st_d)$ 
          end if
        end for
      end if
    end for
  end for
end function

```

## 2.2. Построение маршрутов

Теперь у нас есть эффективная модель в виде графа рейсов для хранения информации о транспортной сети. На каждой станции поддерживается несколько структур данных для определения прибывающих и отбывающих поездов по конкретному интервалу времени. Также для каждого транспортного рейса можно быстро узнать возможные пересадки на пути всего следова-

ния поезда. Попробуем придумать эффективный алгоритм поиска маршрутов на заданной модели.

### 2.2.1. Дополнение временных интервалов

Типичный запрос к построителю маршрутов выглядит как кортеж из 5 элементов  $q = (s_d, t_d, s_a, t_a, k)$ , где  $s_d$  и  $s_a$  – станции отправления и прибытия соответственно,  $t_d = (\tau_{d1}, \tau_{d2})$  и  $t_a = (\tau_{a1}, \tau_{a2})$  – требуемые интервалы времени,  $k$  – количество маршрутов. Временные интервалы бывают 3 типов:

1. Фиксированные
2. Полубесконечные
3. Бесконечные

Листинг 5 – Приведение интервалов к фиксированному виду

```
function NORMALIZETIME( $t_a, t_d$ )
  if  $t_{d1} = -\infty$  or  $t_{d1} < T_{now}$  then
     $t_{d1} := T_{now}$ 
  end if
  if  $t_{a2} = \infty$  or  $t_{a2} > T_{end}$  then
     $t_{a2} := T_{end}$ 
  end if
  if  $t_{d2} = \infty$  or  $t_{d2} > T_{end}$  then
     $t_{d2} := t_{a2}$ 
  end if
  if  $t_{a1} = \infty$  or  $t_{a1} < T_{now}$  then
     $t_{a1} := t_{d1}$ 
  end if
end function
```

Фактически бесконечность в данном случае условная, потому что время построителя маршрутов всегда ограничено снизу текущим временем построителя  $T_{now}$ , а сверху – временем конца продаж  $T_{end} = T_{now} + T_{len}$ , где  $T_{len}$  – интервал продажи билетов. Для упрощения работы с интервалами имеет смысл привести их к фиксированному типу<sup>2</sup>.

### 2.2.2. Фаза инициализации

Идея алгоритма состоит в следующем: будем генерировать состояния, в которых можем находиться на пути следования до точки назначения. В

---

<sup>2</sup>Для чего это сделано будет более понятно в следующей главе с конкретной реализацией

процессе генерации будем осуществлять фильтрацию маловероятных и невозможных состояний с точки зрения требований к маршруту.

В качестве допустимого состояния будет выступать кортеж из двух элементов  $e = (st, m)$ , где  $st$  – элементарная остановки,  $m$  – количество совершенных пересадок.

В процессе работы нам потребуется множество вспомогательных структур данных, в которые будут записываться промежуточные результаты. Часть из них будет являться пересадочными массивами. Под этим термином подразумеваются массивы, индекс в которых будет указывать на текущее число рассматриваемых пересадок. Например, элемент массива  $array[3]$  будет хранить данные для состояний, в которых уже совершили 3 пересадки.

- *expanded* – пересадочный массив множеств посещенных состояний;
- *explored* – пересадочный массив множеств рассмотренных состояний
- *queue* – очередь состояний;
- *pathsCount* – пересадочный массив хеш-таблиц для остановок, хранящий число возможных маршрутов;
- *successors* – пересадочный массив хеш-таблиц для остановок, хранящий список прямых сегментов;
- *predecessors* – пересадочный массив хеш-таблиц для остановок, хранящий список обратных сегментов;

#### 2.2.2.1. Дополнительные модели

Помимо структур данных нам потребуются несколько новых моделей, в которых мы будем хранить совершаемые действия, чтобы прийти в некоторое состояние  $e$ . Такие модели будем называть сегментами. В общем случае будет существовать 2 вида сегментов:

1. **Прямой сегмент** ( $A - B - C$ ). Он будет определять действия, совершаемые в процессе обхода графа от событий отправления. Он потребуется нам при сортировке по времени отправления;
2. **Обратный сегмент** ( $B - C - D$ ). Он будет определять действия, совершаемые в процессе обхода графа от событий прибытия. Он потребуется нам для всех остальных видов сортировок;

Каждый сегмент состоит из 3 элементарных остановок. Остановка  $A$  является событием отправления 1 поезда,  $B$  – его прибытием,  $C$  – это отправление 2 поезда,  $D$  – прибытие. Можно заметить, что часть  $B - C$  совпа-

дает у обоих сегментов. Эта часть является неявным событием пересадки, с помощью которого можно однозначно конвертировать сегменты друг в друга, а также находить пересечения. Как будет показано позже, это поможет реализовать двунаправленный обход графа рейсов.

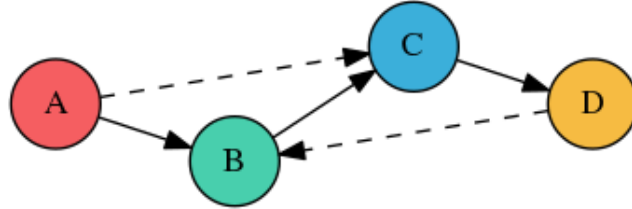


Рисунок 7 – Совмещение прямого и обратного сегментов. Пунктирные линии показывают следующее состояние, которое будет добавлено в очередь.

На самом деле любая сортировка может быть выполнена с наличием только одного вида сегментов, потому что путем их обхода можно из одного вида получить другой.

#### 2.2.2.2. Заполнение вспомогательные структур

Перед фазой обхода необходимо произвести инициализацию необходимых данных. Эта операция будет происходить один раз на каждый запрос  $q$ .

Во-первых, должны быть начальные состояния, чьи остановки  $st$  удовлетворяют запросу  $q$  и приведены к фиксированному типу. Аналогично, требуется создать конечные состояний (если обход графа будет с конца). Во втором случае возникает проблема из-за того, что зная какие конечные остановки  $st'$ , мы не знаем, при каком количестве пересадок  $m$  они совершаются. В таком случае нам придется создать состояния для всех возможных вариантов, то есть  $\forall m : m \in [0, M]$ , где  $M$  – максимально допустимое количество пересадок.

Во-вторых для некоторых эвристических оптимизаций будет полезно сохранить список начальных и конечных транспортных узлов, чтобы не проверять каждый раз непосредственно множества состояний.

## Листинг 6 – Заполнение вспомогательных структур

```
for  $s \in sources$  do  
     $departures.add(P(s))$     ▷ Добавляем транспортный узел в список узлов  
    отправления  
     $pathsCount[0].put(s, 1)$  ▷ Из остановки можно доехать в саму себя за 0  
    пересадок только 1 способом  
     $st = (s, 0)$               ▷ Создаем состояние с событием отправления  $s$  и 0  
    совершенных пересадок  
     $explored.add(st)$           ▷ Добавляем состояние в список рассмотренных  
     $queue.add(st)$               ▷ Добавляем в очередь на обработку  
end for  
for  $t \in targets$  do  
     $arrivals.add(P(t))$       ▷ Добавляем транспортный узел в список узлов  
    прибытия  
end for
```

### 2.2.3. Фаза обхода

В фазе обхода мы начинаем рассматривать в произвольном или упорядоченном порядке все доступные на текущий момент состояния. Соответственно состояния берутся из очереди *queue*, которая может быть обычным связным списком или двоичной кучей. Для простоты будет рассматривать первый вариант, где порядок рассмотрения определяется порядком добавления в очередь. Одним из основных критериев остановки является то, что очередь стала пустой. Это говорит нам о том, что мы рассмотрели все возможные состояния, подходящие под требования запроса  $q$ , или не может сгенерировать новые.

Для примера рассмотрим прямой обход графа рейсов. После извлечения очередного состояния  $v = (st, m)$  добавим его во множество посещенных состояний *expanded*. Теперь нужно сделать проверку, что не остановка  $st$  из состояния  $v$  не совершается в одном из конечных транспортных узлов. В противном случае, можно перейти к рассмотрению следующего состояния. Получим по остановке  $st$  все возможные прямые сегменты, где  $A = st$ .

Для каждого прямого сегмента рассмотрим остановку отправления второго поезда  $C$ . Следует заметить, что сегмент либо является пересадочным, либо  $I(A) < I(C)$ . Это следует из того, что  $R(A) = R(C)$  и  $T(A) \leq T(C)$  для любого сегмента. Если сегмент пересадочный, то новое количество пересадок  $m' = m + 1$ . Далее следует проверить, что состояние  $v' = (C, m')$  отсутствует в списке посещенных состояний. Если это так, то можно добавить в список

прямых сегментов  $successors[m]$  текущий рассматриваемый сегмент. Аналогично, можно сделать для обратного сегмента и  $predessors[m']^3$ . Формально это соответствует следующей динамике:

$$predessors[m'][C] = \{\langle A, m \rangle \mid \exists \langle A, m \rangle \rightarrow \langle C, m' \rangle\}$$

Аналогично, можно подсчитать количество путей:

$$pathsCount[m'][C] = pathsCount[m][A] + pathsCount[m'][C];$$

На последней стадии новое состояние  $v'$  можно добавить в очередь *queue*, предварительно проверив, что оно отсутствует в списке рассмотренных состояний. Это предотвратит экспоненциальное рост очереди.

Листинг 7 – Фаза обхода графа рейсов

```
function FILLLEVEL(level, k)
  for t ∈ targets do
    incomming := predecessors[k][t];
    for s ∈ incoming do
      level.add(k, s)
    end for
  end for
end function
```

Теперь рассмотрим более подробно получение списка всех возможных прямых сегментов по остановке  $A$ . В общем виде остановка  $A = (i, r, s, \tau)$ , поэтому мы можем получить список маршрутных точек  $W(r)$  транспортного рейса  $r$ . Далее начнем рассматривать каждую такую точку с номерами больше  $i$ , так как префикс маршрута, включающий точки с 0 до  $i$  уже пройдены поездом. Для каждой маршрутной точки  $w \in W(r)$  известен транспортный узел  $S(w)$ , поэтому мы можем проверить, чтобы  $S(w)$  не входили в списки станций отправления и прибытия. Для этого у нас имеются множества *departures* и *arrivals*, так как там не собираемся делать пересадку. Стоит отметить, что могут существовать случаи, когда маршрут делает петлю, посещает одну и ту же станцию несколько раз, но в рамках этой работы будем считать, что они отсутствуют. Иначе бы было необходимо различать такие

---

<sup>3</sup>В целях оптимизации памяти следует заполнять только один вид сегментов для соответствующего прямого или обратного обхода графа рейсов.

маршрутные точки. Сделать это можно было бы по временной метке или номеру. В данный момент следует указать, что прямые и обратные сегменты имеют еще 2 вида:

1. **Конечный сегмент.** Он будет определять действие, когда мы уже находимся на транспорте в точке отправлений и не делаем пересадку.
2. **Пересадочный сегмент.** Аналогичен предыдущему виду за исключением того, что пересадка на другой транспорт делается.

Тогда в случае, когда одна из маршрутных точек является конечной станцией, то можно создать конечный сегмент. Учитывая, что сегмент хранит 3 остановки, то прямой конечный сегмент будет выглядеть как  $A - C - C$ .

Теперь можно из графа рейсов получить через  $T_a(S(w))$  и  $T_d(S(w))$  списки элементарных остановок прибытия и отбытия и сгенерировать все оставшиеся пересадочные сегменты. Для этого можно воспользоваться массивом *transfers*, который присутствует у каждого транспортного средства. Тогда остановка  $A$  известна заранее,  $B$  получается из текущей маршрутной точки, а  $C$  берется из данного массива. В конце все полученные сегменты следует отфильтровать, что будет описано в данной главе позже.

Листинг 8 – Получение списка прямых сегментов

```

function SUCCESSORS(departures,  $A$ , arrivals)
  for  $t \in targets$  do
    incomming := predecessors[ $k$ ][ $t$ ];
    for  $s \in incoming$  do
      level.add( $k$ ,  $s$ )
    end for
  end for
end function

```

### 2.3. Сортировка маршрутов

По постановке задачи маршруты требуется строить инкрементально в порядке сортировки. Виды сортировок были описаны в обзоре данной работы. Все дополнительные структуры данных, полученные на предыдущем этапе, потребуются теперь для реализации фазы построения и сортировки маршрутов. Из-за того, что все предикаты сортировок известны нам заранее, мы можем придумать и реализовать необходимый алгоритм для каждого из них,

который будет эффективнее абстрактного аналога. Рассмотрим каждый вид сортировки подробнее.

### 2.3.1. Количество пересадок

Как было сказано ранее, данный вид сортировки является наиболее простым из представленных, потому что на фазе обхода графа рейсов заполнение списков прямых и обратных сегментов выполнялось в естественном порядке из-за пересадочных массивов. Тогда мы можем инкрементально строить маршруты в таком же порядке.

Для начала на данной фазе нам потребуются дополнительные модели. Будем называть их слоями. В общем случае слои будут содержать концы сегментов (прямых или обратных), по которым можно деструктивно итерироваться, то есть производить обход с удалением не нужных сегментов. Всего 2 вида слоев:

1. **Произвольный слой.** Имеет доступ к сегментам в порядке их добавления.
2. **Упорядоченный слой.** Имеет доступ к сегментам, сортированных по их остановкам или прочим параметрам.

Теперь определим функцию, которая производит заполнение слоя с помощью множества обратных сегментов. Основная идея в том, чтобы обойти все конечные элементарные остановки прибытия и их обратные сегменты для каждого количества совершенных пересадок. Таким образом, сегменты  $A - B - C$ , где состояния  $v = (C, m)$  для остановок  $C$  имеют меньшее количество пересадок  $m$ , будут в начале слоя.

Листинг 9 – Заполнение переданного слоя

```
function FILLLEVEL(level, k)
  for t ∈ targets do
    incomming := predecessors[k][t];
    for s ∈ incoming do
      level.add(k, s)
    end for
  end for
end function
```

Для того, чтобы начать восстановление (построение) маршрутов нужно создать и заполнить корневой слой. Для сортировки по количеству пере-



садок будем оперировать произвольными слоями. Мы хотим поддерживать для каждого вида сортировки следующие направления: восходящую (ASC) и нисходящую (DESC). В таком случае, для текущего вида сортировки можно просто совершать заполнение корневого слоя по возрастанию количества пересадок (ASC) или по убыванию (DESC).

Листинг 10 – Подготовка сортировки по количеству пересадок

```

function SORTEDBYTRANSFERSCOUNT(level, k)
    unvisited :=  $\emptyset$  ▷ случайный уровень
    if direction = ASC then
        for i = 0 to maxTransfersCount do
            FILLLEVEL(unvisited, i)
        end for
    else
        for i = maxTransfersCount downto 0 do
            FILLLEVEL(unvisited, i)
        end for
    end if
    return unvisited
end function

```

Дополнительно нам потребуется новый вид состояния – построения (СП). Им будет являться кортеж  $v_b = (v'_b, s, m)$ , который хранит ссылку на предыдущее состояние построения  $v'_b$ , сегмент  $s$  и количество совершенных пересадок  $m$ . Оно будет нужно для того, чтобы можно было сохранять и восстанавливать дерево восстановления маршрутов.

Итак, у нас есть заполненный корневой слой и множество обратных сегментов. Теперь мы можем построить функцию, которая будет возвращать очередной маршрут в порядке сортировки по количеству пересадок. Основная идея в том, чтобы рассматривать слои и строить новые жадным способом, то есть слой будет в кандидатах на рассмотрение до сих пор пока не станет пустым. Дополнительные эвристики, которые позволят ускорить данный шаг будут рассмотрены позже.

Создадим стек, который будет хранить сегменты и определять порядок, в котором мы их обрабатываем. На вершине стека будет храниться текущий обрабатываемый уровень. На очередном шаге получаем и удаляем первое по порядку состояние построения из уровня. Так как СП содержит обратный сегмент, то имеется элементарная остановка  $B$ , транспортный узел которой сле-

Листинг 11 – Строим и возвращаем следующий маршрут по множеству обратных сегментов

```

function BACKWARDNEXT(level, k)
  while stack  $\neq \emptyset$  do
    level := stack.peek()           ▷ получаем текущий уровень в стеке
    if level  $\neq \emptyset$  then
      vb = level.poll()           ▷ извлекаем состояние из уровня
      b := vb.segment.B()
      t := vb.transfers
      if departures содержит P(b) then   ▷ Маршрут найден, так как
пришли в точку отправления
        path = BUILDFROM(state, true)           ▷ Строим маршрут
        candidates.add(path)           ▷ Добавляем маршрут в список
кандидатов
      end if
      incoming := predecessors[t][b];
      if incoming  $\neq \emptyset$  then
        level' :=  $\emptyset$            ▷ создаем новый случайный уровень
        for s' ∈ incoming do
          if s' является пересадочным then
            t' = t + 1
          else
            t' = t
          end if
          v'b := (vb, s', t')
          level'.add(st')
        end for
        stack.push(level')
      end if
    else
      stack.poll()   ▷ на текущем уровне не осталось состояний, можно
подняться выше
    end if
  end while
end function

```

дует проверить на принадлежность множеству точек отправления *departures*. При положительном ответе можно восстанавливать маршрут и добавлять его в список кандидатов на выдачу в ответ. При данном виде сортировки для такого списка будет просто действовать принцип FIFO<sup>4</sup>. Далее по остано-

---

<sup>4</sup>Акроним First In, First Out – «первым пришел – первым ушел»

ке  $B$  можно получить список обратных сегментов. По ним создается новый произвольный слой и множество состояний построения, которые будут в него добавлены. На этом этапе для каждого обратного сегмента  $s'$  можно создать состояние  $v'_b = (v_b, s', t')$ , где  $t'$  – количество пересадок, которое получается из текущего количества и того факта, является ли обратный сегмент пересадочным или нет. Новый слой со всеми СП кладется в стек.

### 2.3.2. Время прибытия

Получение очередного маршрута осуществляется через вызов построителя маршрутов, который выполняет фазу инициализации, фазу обхода, вызывает подготовку для соответствующей сортировки, а затем выполняет фазу восстановления маршрутов, после которой в списке кандидатов на выдачу будет лежать некоторое количество маршрутов. Случай пустого списка означает, что были восстановлены все возможные маршруты. Не сложно заметить, что нужно дополнительно вести счетчик восстановленных маршрутов или удалять очередной восстановленный из списка.

Рассмотрим восстановление маршрута (функция `BUILDFROM()`). Это несложная операция выполняет рекурсивный подъем вверх по дереву состояний построения. Так для каждого состояния  $v_b$  известно состояние  $v'_b$ , в котором имеется сегмент. Результатом выполнения функции будет список сегментов и количество пересадок, которые совершаются по ходу движения по маршруту. Далее с этими данными можно восстановить любую информацию о транспортных рейсах или транспортных узлах.

В рамках данной работы использовались куски сегментов  $A - B$  и  $C - D$  для определения конечной стоимости маршрута, которая зависит от транспорта и пройденного расстояния. К сожалению, честное определение стоимости маршрута – очень времязатратная операция, а также стоимость не является аддитивной величиной, то есть цена преодоления отрезков  $A - B$  и  $B - C$  не равна цене отрезка  $A - C$  из-за сложных бизнес-правил, поэтому в рамках данной работы сортировка по стоимости не рассматривается.

Текущий вид сортировки похож на предыдущих, но в данном случае мы будем использовать в процессе подготовки упорядоченный корневой слой. В случае прямого обхода графа в качестве предиката сортировки состояний построения можно использовать сравнение элементарных остановок  $C = (i, r, s, \tau)$ , у которых будут сравниваться их времена отправления  $\tau$ . Бла-

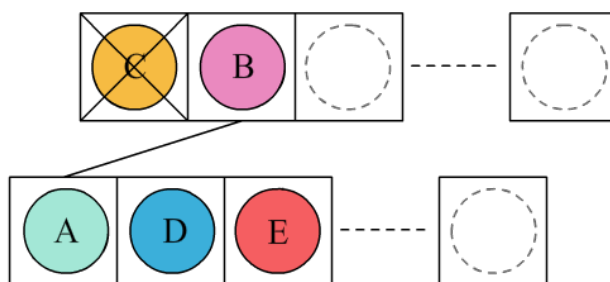


Рисунок 8 – Стек слоев с состояниями построения.

годаря этому, мы можем без изменений использовать функцию возврата очередного маршрута из предыдущего раздела.

### 2.3.3. Время отправления

Сортировка по времени отправления во многом похожа на предыдущую. Мы также будем использовать упорядоченный корневой слой, но уже с другим предикатом сравнения – времени прибытия остановки  $A$  (для случая прямых сегментов). Аналогично придется изменить функцию возврата очередного маршрута для случая, когда мы восстанавливаем маршрут по множеству прямых сегментов. Описание похода во многом похоже на рассматриваемый разделе про сортировку по количеству пересадок – сегменты и их элементарные остановки симметрично заменяются.

Эвристическая оптимизация.TODO

Листинг 12 – Строим и возвращаем следующий маршрут по множеству прямых сегментов

```

function FORWARDNEXT(level)
  while stack  $\neq \emptyset$  do
    level := stack.peek()           ▷ получаем текущий уровень в стеке
    if level  $\neq \emptyset$  then
      vb = level.poll()           ▷ извлекаем состояние из уровня
      b := vb.segment.B()
      t := vb.transfers
      if arrivals содержит P(b) then           ▷ Маршрут найден, так как
пришли в точку отправления
        path = BUILDFROM(state, true)           ▷ Строим маршрут
        candidates.add(path)           ▷ Добавляем маршрут в список
кандидатов
      end if
      outgoing := successors[t][b];
      if outgoing  $\neq \emptyset$  then
        level' :=  $\emptyset$            ▷ создаем новый случайный уровень
        for s' ∈ outgoing do
          if s' является пересадочным then
            t' = t + 1
          else
            t' = t
          end if
          v'b := (vb, s', t')
          level'.add(v'b)
        end for
        stack.push(level')
      end if
    else
      stack.poll()   ▷ на текущем уровне не осталось состояний, можно
подняться выше
    end if
  end while
end function

```

#### 2.3.4. Время в пути

Во всех предыдущих видах сортировок мы обходились созданием корневого слоя, который позволял задать порядок построения маршрутов. Это было возможно, потому что на фазе обхода мы получали естественную сортировку по количеству пересадок, а для остальных видов нужно была лишь ин-

формация о началах или концах маршрутов. В сортировка по времени в пути требуется информация о маршруте целиком, так как длительность маршрута состоит из длительностей прохождения отдельных его сегментов. К счастью, в отличие от стоимости длительность – аддитивная величина, то есть время прохождения отрезков  $A - B$  и  $B - C$  равно времени, которое тратится на  $A - C$ . Это дает нам возможность запоминать время прохождения смежных сегментов.

Для данного вида сортировки потребуется добавить новую модель – ленивое состояние построения (ЛСП). Оно будет во многом похоже на обычное состояние построения, используемое в других сортировках. Основное отличие в том, что каждое состояние будет дополнительно хранить список префиксов уже построенных маршрутов в количестве  $K_{max}$  штук, где  $K_{max}$  – максимальное количество запросов, которое может быть в поисковом запросе  $q$ . В общем случае такое состояние будет хранить приоритетную очередь ленивых ссылок  $v_q$  и список уже готовых обычных состояний построения  $v_c$ . Ленивая ссылка – это ещё одна новая модель данных. Она будет хранить сегмент, исходящих из ЛСП, по которому можно в него прийти, если начинать построение с конца графа рейсов. Также она должна хранить последнее построенное СП.

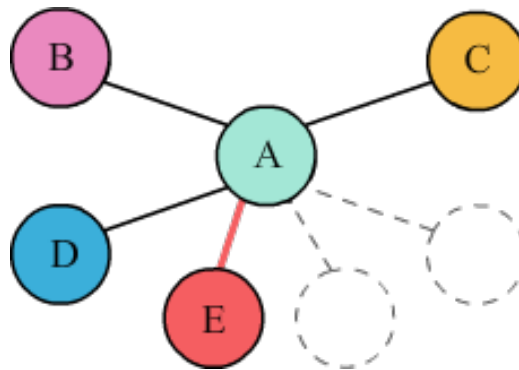


Рисунок 9 – ЛСП  $A$  с очередью из 4 ленивых ссылок и 2 посчитанными СП. На само ЛСП  $A$  тоже ведут 2 ленивые ссылки.

Для подготовки к восстановлению маршрутов нужно рекурсивно обойти конечные элементарные остановки по обратным сегментам и построить для каждой по ЛСП. Для каждого обратного сегмента будет создана ленивая ссылка, содержащая этот сегмент и соединяющая смежные остановки. После нужно принудительно вызвать для всех конечных остановок получение очередного префикса. Если в каждой ленивой ссылке хранить текущий номер построенного префикса маршрута, тогда при условии, что текущий номер

меньше количества префиксов в списке  $v_c$ , можно просто вернуть элемент из списка, иначе рекурсивно вызвать процедуру для минимального (ASC) или максимального (DESC) элемента из очереди  $v_q$ . Так как для каждой ЛСП доступен только префикс маршрута и время в пути аддитивно, то в качестве предиката сравнения для очереди  $v_q$  будет использоваться сравнение длительности префиксов маршрутов в соответствии с требуемым направлением сортировки.

Для удобства следует создать фиктивное ленивое состояние построение, которое назовем корневым. От корневого состояния будут вести ленивые ссылки с нулевыми сегментами<sup>5</sup>. Тогда получение очередного маршрута будет являться вызовом функции для построения префикса от корневого состояния. Если очередь для этого состояния стала пустой, то все маршруты построены.

## 2.4. Построение фильтров

Построение фильтров также, как и поиск маршрутов, состоит из двух фаз: предварительного расчета и основной. В первом случае модели данных, которые отвечают за транспортные средства переводятся в удобные и компактные модели, которые будут использоваться при непосредственном поиске маршрутов. Во втором случае готовые структуры данных будут позволять на этапе фазы обхода графа рейсов собирать композитные фильтры для каждой остановки с помощью динамического программирования. Также как и случае подсчета количества маршрутов мы построим динамику, которая будет позволять определять доступные параметры фильтрации для пары элементарных остановок.

### 2.4.1. Косвенные признаки

В фазе предварительного расчета мы будем извлекать косвенные признаки из моделей транспортных средств. Как было описано в главе 1, такими признаками может быть тип транспорта, номер поезда или тип места в самолете и т.д. Для удобной работы с ними мы разделим все признаки по функциональным типам, то есть, например, признак "перевозчик" у поезда и самолета будут отнесены к разным типам признаков. Это позволит нам логически отделять на этапе отдачи результата клиентскому приложению.

---

<sup>5</sup>В общем виде они должны быть нейтральными элементами по отношению к сложению.

В качестве компактной модели свойств  $Pr = \{(t, \{(v, c)\})\}$ , хранящей признаки, будет выбрана хеш-таблица из типа признака  $t$  в хеш-таблицу значений признака  $v$  в количество свободных мест  $c$ , которые удовлетворяют ему. Например, есть 1 поезд с 3 вагонами (один вагон имеет 20 мест): 2 из них купе, 1 - плацкарт. Из них в плацкарте половина верхних мест, а другая половина - нижних. Тогда будет создан объект свойств для поезда со следующими записями:

- Тип транспорта
  - (Поезд, 60)
- Тип вагона
  - (Купе, 40)
  - (Плацкарт, 20)
- Тип места
  - (Верхнее, 20)
  - (Нижнее, 20)

Как можно заметить на данном примере, свойства не хранятся в виде иерархии функциональных зависимостей. Это сделано для экономного расхода памяти, а также для упрощения операций со свойствами в процессе выполнения динамики по свойствам. Функциональные зависимости известны заранее и задаются вручную в специальном объекте, о котором речь пойдет позже.

Теперь нужно ввести 2 операции в пространстве свойств признаков, которые будут называться минимум и максимум. Обе операции будут являться ассоциативными, то есть:

$$(x \circ y) \circ z = x \circ (y \circ z) \text{ для любых элементов } x, y, z.$$

Минимум на свойствах работает как минимум количества свободных мест по всем парам признаков  $\langle t, v \rangle$ . При этом работает правило дополнения, то есть если пара присутствует в свойстве  $A$ , но отсутствует в  $B$ , то берется число свободных мест из  $A$ .

Максимум на свойствах работает аналогично минимуму, только для количества свободных мест операция меняется на максимум.



```

function MIN( $Pr_a, Pr_b$ )
  if  $Pr_a = \emptyset$  then
    return  $Pr_b$ 
  end if
  if  $Pr_b = \emptyset$  then
    return  $Pr_a$ 
  end if
   $Pr_r := \emptyset$ 
  for  $\langle t, v \rangle : Pr_a \cap Pr_b$  do
     $Pr_r[t][v] = \min(Pr_a[t][v], Pr_b[t][v])$ 
  end for
  for  $\langle t, v \rangle : Pr_a \setminus Pr_b$  do
     $Pr_r[t][v] = Pr_a[t][v]$ 
  end for
  for  $\langle t, v \rangle : Pr_b \setminus Pr_a$  do
     $Pr_r[t][v] = Pr_b[t][v]$ 
  end for
  return  $Pr_r$ 
end function

```

▷ Результирующее свойство

### 2.4.2. Осуществление фильтрации

В фазе обхода при построении маршрутов для каждой элементарной остановки генерировались все возможные сегменты, которые являлись пересадочными и конечными. Таким образом, чтобы избежать попадание в следующую элементарную остановку, нужно фильтровать соответствующий сегмент, поэтому в процессе генерации каждому сегменту должно сопоставляться свойство, хранящее признаки для транспортного средства, отправляющегося из остановки  $A$ <sup>6</sup>

В итоге, мы должны хранить свойства для каждого отрезка пути, соединяющего смежные маршрутные точки. Так как сегмент является множеством последовательно соединенных отрезков пути следования, то свойство сегмента является минимумом из всех свойств отрезков, входящих в него:

$$Pr_s = \min_{i \in s} Pr_i$$

---

<sup>6</sup>Для упрощения рассматривается прямой сегмент, для обратного будет остановка прибытия  $D$ .

Для того, чтобы ускорить построение свойства сегмента можно воспользоваться деревом отрезков, позволяющее находить результат операции на интервале за  $O(\log q)$  времени и требующее  $O(2q)$  памяти, где  $q$  – число маршрутных точек транспортного рейса. В качестве операции будет взята операция минимума свойств. Это возможно, так как определенный ранее минимум ассоциативен, так же имеет нейтральный элемент – пустое свойство (пустую хеш-таблицу). Таким образом, множество свойств является моноидом, который можно применять в дереве интервалов.

### 2.4.3. Функциональные зависимости

В модели свойств ради ускорения бинарных операций и уменьшения требуемой для хранения памяти используется сжатая форма, из-за которой теряется функциональная связь между отдельными признаками транспортных рейсов. Так каждый поезд состоит из вагонов, каждый вагон из отдельных секций (в случае с купе), а также отдельных мест, которые могут находиться в различных состояниях (свободно, куплено, зарезервировано) и имеют дополнительные признаки (верхнее, нижнее, с розеткой и т.д.). При построении свойств доступных маршрутов требуется, чтобы модель зависимостей также отражалась в конечном результате. Например, мы должны суммировать свободные места с одинаковыми свойствами по всем вагонам, но должны брать максимум по всем поездам. К счастью, такие зависимости известны заранее, поэтому их можно сохранить и использовать только для восстановления структуры.

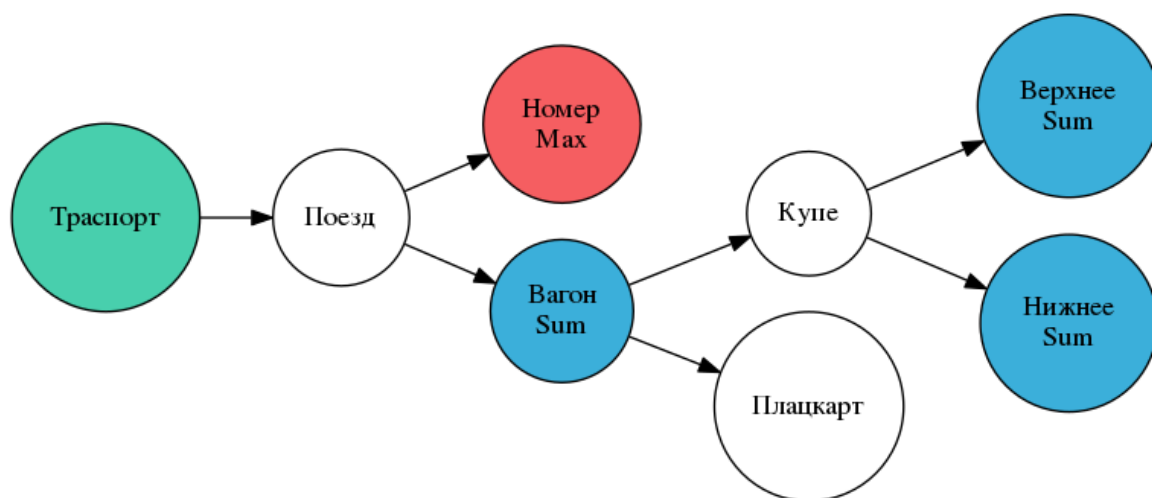


Рисунок 10 – Корневой признак "Транспорт", функции задаются только для значений признаков.

## Выводы по главе 2

## ГЛАВА 3. ДЕТАЛИ РЕАЛИЗАЦИИ И ТЕСТИРОВАНИЕ

В данной главе будут описаны некоторые интересные детали реализации описанных ранее алгоритмов. Во многом аппаратная часть определила подходы, которые использовались при теоретическом исследовании. Все перечисленное было реализовано в виде программных сервисов на языке Java 8.

### 3.1. Работа с базой данных

Исходя из размера всей транспортной сети, в которую входит информация об узлах, рейсах и расписаниях, не сложно заметить, что её нельзя уместить целиком в оперативной памяти и поэтому нужно использовать эффективное хранение информации – базу данных. В данной работе была использована VoltDB.

#### 3.1.1. Особенности базы данных

VoltDB - это ACID-совместимая реляционная СУБД, которая использует архитектуру shared nothing architecture. Она опирается на:

- горизонтальную разбивку данных (каждый кластер хранит только свою порцию данных) вплоть до отдельного аппаратного потока;
- синхронную репликацию данных между всеми обработчиками одного кластера (для обеспечения высокой доступности);
- сочетание непрерывных снимков и журнала выполненных команд для обеспечения надежности данных (при восстановлении после сбоя).

VoltDB является in-memory СУБД, то есть старается преимущественно держать данные в оперативной памяти сервера, такой подход имеет ряд преимуществ: резко сокращается время отклика и становится проще репликация данных.

#### 3.1.2. Персистентные модели данных

К сожалению, VoltDB поддерживает не все возможности обычных SQL СУБД, поэтому для версионности моделей и хранения истории данных, работа с ней происходит в Key-Value подходе, где ключом является любой комбинированный объект, состоящих из примитивных типов, а значением – сериализованный Java-объект. Вместо стандартной сериализации используется библиотека Protostuff, которая имеет больше возможностей по сжатию и эффективному хранению данных.

Так как база данных почти полностью написана на Java, хранит объекты Java и предоставляет драйвер на том же языке, то ради повышения производительности объекты стоит сделать персистентными (иммутабельными), чтобы исключить блокировки. Это позволит работать с базой множеству отдельных потоков, исключая траты ресурсов на синхронизацию.

### 3.1.2.1. Транспорт

Каждая реальная модель данных разделяется на абстрактную модель Model, в которой хранятся данные, и сущность из базы данных Entity, в которой хранится идентификатор (ID) и номер версии. База данных позволяет работать с сущностями посредством получения текущей версии и изменения модели, которую можно записать в сущность с автоматическим поднятием версии. При этом объект может либо блокироваться на момент обновления, либо работать без блокировок и использовать обновление отдельных полей.

### 3.1.2.2. Остановки и пересадки

В данный момент нельзя не сказать про очень важное требование к системе – каждое значение в базе данных не должно занимать больше 1 Мбайт, это исходит из ограничений на размер результата базы данных и особенностей её репликаций, таким образом оно сильно усложняет возможность хранения множеств  $T_d(s)$  и  $T_a(s)$ , доступных по ключу  $s$ . На данном этапе требуемая память для 1 сущности:

Таблица 1 – Базовый расход памяти на 1 сущность.

Количество остановок	Занимаемая память (Плотно), Мбайт	Занимаемая память (Нормально), Мбайт
100	0.052	0.04
1000	0.52	0.48
10000	5.27	4.84
100000	53.1	48.78

Плотным вариантом считаются некоторые вокзалы крупных городов, где временные промежутки между события прибытия и отбытия исчисляются в минутах. Для начала ради уменьшения памяти разделим элементарные остановки на 2 типа:

- **Облегченные остановки.** Они будут храниться во множествах  $T_d(s)$  и  $T_a(s)$  и соответствовать событиям отправления и прибытия на станцию  $s$ . Содержать будут только номер и ссылку на транспортный рейс.

- **Полные остановки.** В момент получения облегченные остановки будут можно дополнить до полных, так как в тот момент уже будет известна станция и время.

Таблица 2 – Расход памяти на 1 сущность (Без дублирования)

Количество остановок	Занимаемая память (Плотнo), Мбайт	Занимаемая память (Нормально), Мбайт
100	0.04	0.04
1000	0.36	0.4
10000	3.68	4.08
100000	37.29	41.19

В данной работе оптимальным вариант решения этой проблемы оказалось разделение этих множеств на более мелкие. Рассмотрим подробнее, что из себя представляет, например, множество  $T_d(s)$ . В нем хранятся элементарные остановки, которые содержат номер, станцию, транспортный рейс и время. Учитывая, что рейсы повторяются на станции достаточно редко, то разобьем множества по времени. Для этого приведен время в нормализованный вид и переведем в номер. Например, можно из времени убрать часы, минуты и более мелкие величины, то есть извлечь только дату, а уже её перевести в `unix-time`<sup>1</sup>, который будет являться номером. Тогда все множества разобьются на страницы, которые будут хранить только часть элементарных облегченных остановок.

В результате ряда тестов и исследования методов сериализации в Java было обнаружено, что параметризованные сущности (Generics) сильно влияют на количество памяти после сериализации. Таким образом, было решено полностью от них избавиться, прописав везде конкретные типы. Также пришлось отказаться от наиболее эффективной структуры данных для получения элементарных остановок в пределах указанного времени `java.util.TreeMap`, так как её стандартная реализация избыточно хранит большое количество ссылок, а также не поддерживает хранение множества значений для одного ключа (несколько поездов могут отбыть или прибыть в одно и тоже время с точностью до минуты). Наиболее компактной структурной для хранения одной страницы элементарных остановок оказался обычный `java.util.ArrayList` для пар время-остановка.

---

<sup>1</sup>Определяется как количество секунд, прошедших с полуночи (00:00:00 UTC) 1 января 1970 года. В нашем случае можно уменьшить ещё в 3600 раз.

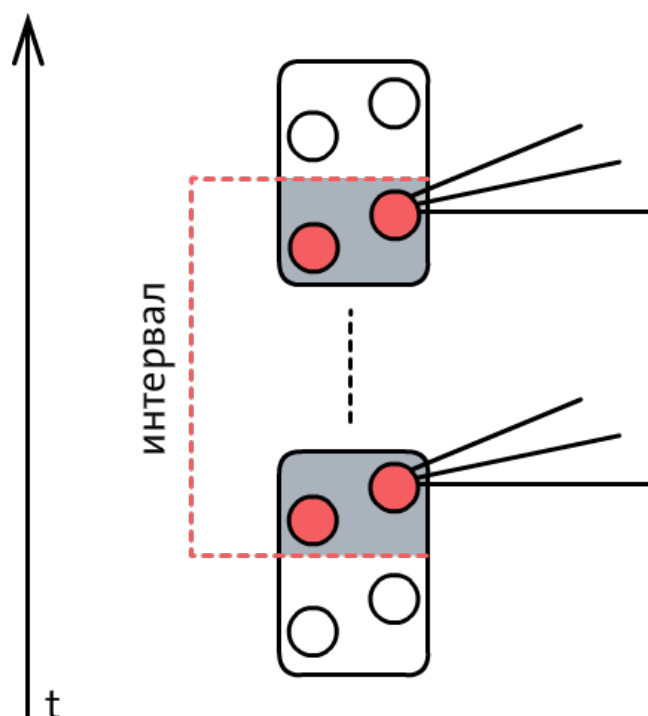


Рисунок 11 – Страницы элементарных остановок с выходящими сегментами

Таблица 3 – Оптимизированный расход памяти на 1 сущность.

Количество остановок	Занимаемая память (Плотнo), Мбайт	Занимаемая память (Нормально), Мбайт
100	0.01	0.01
1000	0.07	0.08
10000	0.71	0.87
100000	7.14	8.69

В результате мы можем сохранять до 10000 остановок на одну страницу, этого достаточно для всех крупных вокзалов. Обновление страниц будет происходить не часто, поэтому его можно производить с полным копированием данных каждой обновляемой страницы.

### 3.1.3. Кэши

Зачем это нужно? Конечная система или построитель маршрутов будет географически распределен, база данных будет почти всегда находиться физически в другом месте, а требоваться модели будут с различной регулярностью и актуальностью. Поэтому в построитель маршрутов будет добавлено несколько видов кэшей для ускорения работы.

Во-первых, мы добавим кэш для моделей данных. В нем для каждого типа объекта будет храниться его срок годности или частота, с которой его следует обновлять напрямую из базы данных.

Во-вторых, будет добавлен кэш для запросов  $q = (s_d, t_d, s_a, t_a, k)$ , где для каждого запроса  $q$  будет сформирован на основе  $s_d$  и  $s_a$  уникальный ID, по которому можно будет сохранять результат фазы обхода, то есть множества сегментов и состояний построения. К сожалению, объем памяти построителя маршрутов и клиентского приложения сильно ограничены (для серверной конфигурации), поэтому кэш нужно ограничить по количеству запросов или памяти. Для такой задачи прекрасно подойдет LRU-кэш, то есть кэш основанный на алгоритме кэширования, при котором происходит вытеснение давно неиспользуемых запросов.

### 3.2. Генерация карт транспортных сетей

Для сравнения и тестирования различных алгоритмов построения маршрутов требуются данные. К сожалению, невозможно выгрузить реальные данные из закрытой системы, а также запустить на идентичных данных разные алгоритмы (данные постоянно меняются), поэтому для тестирования понадобятся дополнительные инструменты. Одним из таким инструментов будет процедурный генератор естественных транспортных сетей.

Первым делом сгенерируем координаты транспортных узлов. В данном случае можно воспользоваться обычным равномерным псевдослучайным генератором чисел в области, ограниченной некоторым многоугольником. Далее случайным образом выбираются типы транспортных узлов и их признаки из доступного множества признаков.

Для того, чтобы осуществить прокладку естественных транспортных рейсов, нужно каждому узлу задать некоторый случайный радиус. Пересечение радиусов двух и более узлов говорит о том, что они находятся в непосредственной близости и между ними может существовать дорога. Из набора связанных узлов выбирается один и с него начинается прокладка маршрута к следующему близкому узлу случайным образом без повторений. Время также варьируется в некотором интервале.

Генерация центральных узлов (городов с вокзалами) происходит через изменение вероятностного распределения случайных величин в генераторе таким образом, чтобы вероятность была выше попасть в группу из уже из-



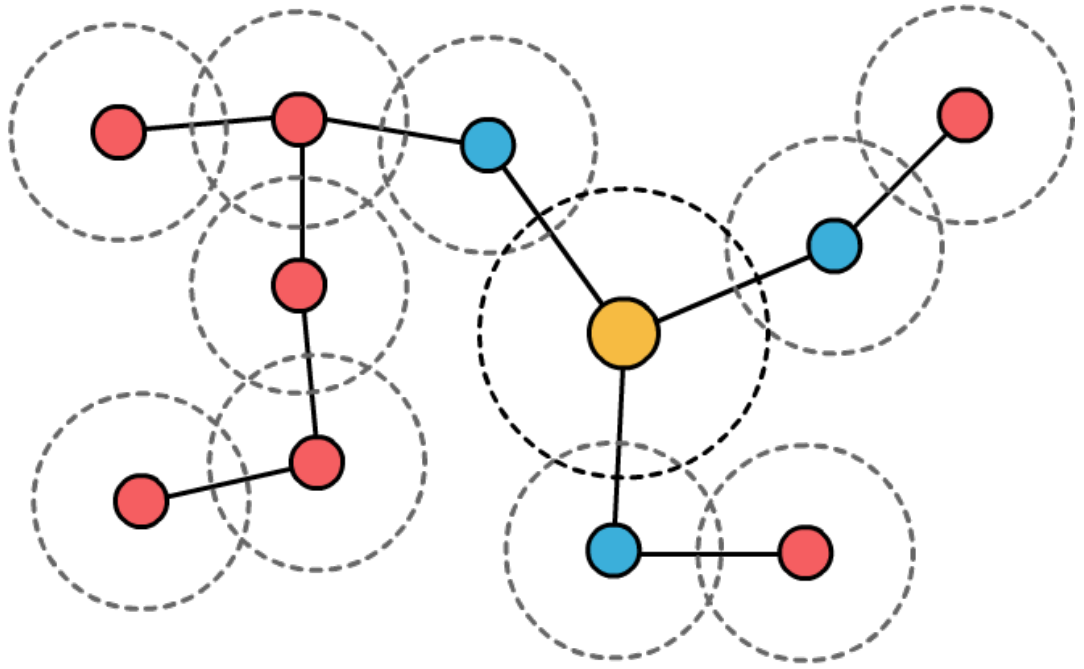


Рисунок 12 – Сгенерированная абстрактная транспортная сеть с 1 городом и 3 вокзалами.

вестных узлов и объявить их вокзалами. Также это можно производить на основе статистики количества транспортных рейсов, проходящих через каждый узел.

### 3.3. Результаты тестирования

Время запроса с 10с до 2с, прикрепить 3 графика. Сравнение со старой системой, сравнение с Йеном.

### Выводы по главе 3

Все сделано и работает. Скорость работы возросла, новые функции появились. Покрыто интеграционными и авто тестами.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ