# Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет)

Факультет «Прикладная математика и физика»

# Лабораторные работы по курсу «Системное программное обеспечение»

- 1. Спроектировать грамматику по заданному языку L
- 2. Спроектировать конечный автомат, составить диаграмму переходов КА и реализовать
- 3. Определить свойства КА. Построить НДКА. Реализовать преобразование НДКА в ДКА.
- 4. Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и ε-правила
- 5 Устранить из КС-грамматики цепные правила и устранить левую рекурсию
- 6 Определить форму КС-грамматики и сделать ее приведение
- 7. Спроектировать МП автомат для приведенной КС-грамматики
- 8. Реализовать МП автомат для приведенной КС-грамматики
- 9. Для LL(1) анализатора построить управляющую таблицу М
- 10. Аналитически написать такты работы LL(1) анализатора для выведенной цепочки.
- 11. Реализовать управляющую таблицу М для LL(1) анализатора.
- 12. Построить замыкание множества ситуаций для пополненной LR(1) грамматики.
- 13. Определить функцию перехода g(x)
- 14. Построить каноническую форму множества ситуаций.
- 15. Построить управляющую таблицу для функции перехода g(x) и действий f(u).
- 16. Реализовать LR(1)-анализатор по управляющей таблице (g,f) для LR(1) грамматики.

Студент: Хренов Геннадий Группа: 08-207Б

Руководитель: Семёнов А. С.

Оценка: Дата:

Москва 2020

### 1.Спроектировать грамматику по заданному языку L:

Постановка задачи: L = L(G) = L(KA)

1.1. Задан бесконечный регулярный язык

$$L = \{(0+1)(01)^* + \omega_1 \mid \omega_1\{0,1\}^+\}$$

1.2. Преобразовать бесконечный регулярный язык(L) в конечный язык( $L_1$ ), цепочки символов которого являются подмножество цепочек символов бесконечного языка.

$$L_1 = \{(0+1)+\omega_1 \mid \omega_1\{0,1,00,01,10,11\}\}$$

1.3. Сгенерировать цепочки символов по языку L<sub>1</sub>.

#### Лемма о накачке

- (1)Для регулярного языка  $L = \{(0+1)(01)^* + \omega_1 | \omega_1 \{0,1\}^+ \}$
- (2) существует целое ( $\exists p \ge 1 = 8$  такое что
- (3)для  $(0+1)+01 \in L((|(0+1)+01| \ge 8)=>$
- (4) существует ( $\exists x = (0+1)+, y = 01, z = \varepsilon \in \Sigma$  такое что(w=xyz=>
- $1.(|y| \ge 1$ , цикл у должен быть накачан хотя бы длиной 1 и
- 2.  $|xy| \le p$ , цикл должен быть в пределах первых р символов и
- 3. для всех  $i \ge 0$ , $(xy^iz \in L))))))),$  на x и z ограничений не накладывается.

$$(0+1)+\omega_1 => (0+1)+0$$

$$(0+1)+\omega_1 => (0+1)+1$$

$$(0+1)+\omega_1 => (0+1)+01$$

$$(0+1)+\omega_1 => (0+1)+10$$

$$(0+1)+\omega_1 => (0+1)+11$$

1.4. Спроектировать грамматику для языка  $L_1$ .

$$S_0 \rightarrow (A$$

$$A \rightarrow 0B$$

$$B \rightarrow +C$$

$$C \rightarrow 1D$$

$$D \rightarrow E$$

$$E \rightarrow +F$$

$$F \rightarrow 0$$

$$F \rightarrow 1$$

$$F \rightarrow 0G$$

$$F \rightarrow 1G$$

$$G \rightarrow 0$$

$$G \rightarrow 1$$

$$S_0 \Rightarrow (A \Rightarrow (OB \Rightarrow (O+C \Rightarrow (O+1D \Rightarrow (O+1)E \Rightarrow (O+1)+F \Rightarrow (O+1)+O)$$

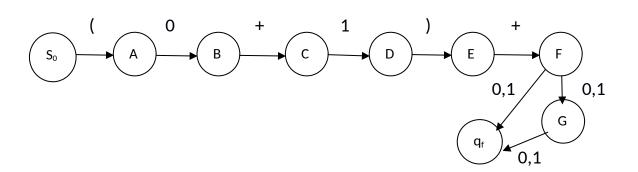
$$S_0 \Rightarrow (A \Rightarrow (OB \Rightarrow (O+C \Rightarrow (O+1D \Rightarrow (O+1)E \Rightarrow (O+1)+F \Rightarrow (O+1)+1)$$
  
 $S_0 \Rightarrow (A \Rightarrow (OB \Rightarrow (O+C \Rightarrow (O+1D \Rightarrow (O+1)E \Rightarrow (O+1)+F \Rightarrow (O+1)+OG \Rightarrow (O+1)+O1)$   
 $S_0 \Rightarrow (A \Rightarrow (OB \Rightarrow (O+C \Rightarrow (O+1D \Rightarrow (O+1)E \Rightarrow (O+1)+F \Rightarrow (O+1)+1G \Rightarrow (O+1)+1O)$   
 $S_0 \Rightarrow (A \Rightarrow (OB \Rightarrow (O+C \Rightarrow (O+1D \Rightarrow (O+1)E \Rightarrow (O+1)+F \Rightarrow (O+1)+1G \Rightarrow (O+1)+1O)$   
 $S_0 \Rightarrow (A \Rightarrow (OB \Rightarrow (O+C \Rightarrow (O+1D \Rightarrow (O+1)E \Rightarrow (O+1)+F \Rightarrow (O+1)+1G \Rightarrow (O+1)+1O)$   
 $S_0 \Rightarrow (A \Rightarrow (OB \Rightarrow (O+C \Rightarrow (O+1D \Rightarrow (O+1)E \Rightarrow (O+1)+F \Rightarrow (O+1)+1G \Rightarrow (O+1)+1O)$ 

Множества  $L_1$  и  $L_1(G)$  совпадают, следовательно, данные языки совпадают и грамматика построена правильно.

# 2.Спроектировать конечный автомат, составить диаграмму переходов КА и реализовать

2.1. Построить диаграмму переходов и таблицу переходов по грамматике (1.3).

	0	1	+	(	)
S <sub>0</sub>				{A}	
Α	{B}				
В			{C}		
С		{D}			
D					{E}
Е			{F}		
F	$\{G, q_f\}$	$\{G, q_f\}$			
G	$\{G, q_f\}$ $\{q_f\}$	$\{G, q_f\}$ $\{q_f\}$			
q <sub>f</sub>					



$$\begin{split} \mathsf{K}\mathsf{A} &= (\mathsf{S}_0, \mathsf{A}, \mathsf{B}, \mathsf{C}, \mathsf{D}, \mathsf{E}, \mathsf{F}, \mathsf{qf}), \ (0, 1, +, (,), \mathsf{S}_0, \mathsf{q}_f, \delta) \\ \delta(\mathsf{S}_0, \ \ \ \ \ \ ) &= \{\mathsf{A}\} \\ \delta(\mathsf{A}, \ 0) &= \{\mathsf{B}\} \\ \delta(\mathsf{B}, \ +) &= \{\mathsf{C}\} \\ \delta(\mathsf{C}, \ 1) &= \{\mathsf{D}\} \\ \delta(\mathsf{D}, \ \ \ \ \ \ \ ) &= \{\mathsf{E}\} \end{split}$$

```
\begin{split} \delta(E, +) &= \{F\} \\ \delta(F, 0) &= \{q_f\} \\ \delta(F, 1) &= \{q_f\} \\ \delta(F, 0) &= \{G\} \\ \delta(F, 1) &= \{G\} \\ \delta(G, 0) &= \{q_f\} \\ \delta(G, 1) &= \{q_f\} \end{split}
```

2.2. Реализовать конечный автомат по диаграмме переходов. реализация представлена в выданном фреймворке:

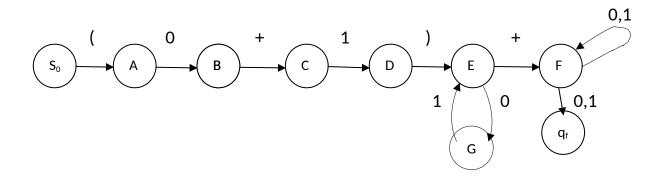
```
class myAutomate : Automate
        public myAutomate (ArrayList Q, ArrayList Sigma, ArrayList F, string
q0) :
            base(Q, Sigma, F, q0) { }
        public myAutomate() : base() { }
        public void Execute(string chineSymbol)
            string currState = this.Q0;
            int flag = 0;
            int i = 0;
            for (; i < chineSymbol.Length; i++)</pre>
                flag = 0;
                foreach (DeltaQSigma d in this.DeltaList)
                    if (d.leftNoTerm == currState && d.leftTerm ==
chineSymbol.Substring(i, 1))
                        currState = d.RightNoTerm;
                        flag = 1;
                        break;
                if (flag == 0) break;
            } // end for
            Console.WriteLine("Length: " + chineSymbol.Length);
            Console.WriteLine(" i :" + i.ToString());
            Debug("curr", currState);
            if (this.F.Contains(currState) && i == chineSymbol.Length)
                Console.WriteLine("chineSymbol belongs to language");
                Console.WriteLine("chineSymbol doesn't belong to language");
        } // end Execute
    } // KAutomate
```

# 3.Определить свойства КА. Построить НДКА. Реализовать преобразование НДКА в ДКА.

3.1. Сгенерировать цепочку символов по заданному языку L.

$$(0+1)(01)*+\omega_1 => (0+1)01+\omega_1 => (0+1)01+0$$

#### 3.2. По заданному языку построить НДКА. Представить в виде диаграмм.



```
НДКА= (S_0,A,B,C,D,E,F,qf), (0,1,+,(,),S0,q_f,\delta) \delta(S_0,\ \ \ )=\{A\} \delta(A,0)=\{B\} \delta(B,+)=\{C\} \delta(C,1)=\{D\} \delta(D,\ \ )\ )=\{E\} \delta(E,0)=\{G\} \delta(E,0)=\{F\} \delta(F,0)=\{F\} \delta(F,1)=\{F\} \delta(F,1)=\{F\}
```

### 3.3. Реализовать преобразование НДКА в ДКА.

```
public void BuildDeltaDKAutomate (myAutomate ndka)
{
    this.Sigma = ndka.Sigma;
    this.DeltaList = ndka.DeltaList;
    ArrayList currState = EpsClosure(new ArrayList() { ndka.Q0 });

    config.Add(SetName(currState));
    Dtran(currState);
    this.Q = config;
    this.Q = config;
    this.DeltaList = DeltaD;
    this.F = getF(config, ndka.F);
}
```

## 4. Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и є-правила

```
4.1 Задана КС-грамматика: G =(T, V, P, S), где T = {a, b}, V = {S, A, B, C}, P = {S \rightarrow AB, S \rightarrow SC, A\rightarrow BB, A\rightarrow Ab, A\rightarrow a, B \rightarrow b, C\rightarrow Ca, C\rightarrow b}
```

4.2. Устранить бесполезные символы, ε-правила.

Для удаления бесполезных символов, сначала исключим непроизводящие терминалы, а затем недостижимые символы:

а)Если все символы цепочки из правой части правила вывода являются производящими, то нетерминал в левой части правила вывода также должен быть производящим:

```
Vp = \{ S,A,B,C \} – непроизводящих нет G = G_1(T, Vp, P, S)
```

б) Если нетерминал в левой части правила грамматика является достижимым, то достижимы и все символы правой части этого правила:

$$Vr = \{S,A,B,C\}$$
 – все символы достижимы  $G = G_2(T,Vr,B,C)$ 

Переходим к удалению є- правил:

Алгоритм устранения є-правил в КС- грамматике основан на использовании множества укорачивающих нетерминалов.

- а) находим є- правила
- б) определяем множество неукорачивающихся символов
- в) Для каждого правила вида  $A \rightarrow \alpha 0B1\alpha 1B2\alpha 2...Bk\alpha k$  (где  $\alpha i$  последовательности из терминалов и нетерминалов, Bj  $\varepsilon$ -порождающие нетерминалы) добавить в P' все возможные варианты правил, в которых либо присутствует, либо удалён каждый из нетерминалов  $Bj(1 \le j \le k)$  г)удаляем  $\varepsilon$  правила
- д) проверяем, есть ли порождение  $\epsilon$  из  $S_0$ , в случае необходимости добавляем  $S'{\to}S_0|\epsilon$

В нашем случае V1 =  $\{S,A,B,C\}$  –  $\epsilon$ -правил нет

#### 4.3. Реализация алгоритма.

```
public myGrammar unUsefulDelete()
            Console.WriteLine("\t\tDeleting unuseful symbols");
            Console.WriteLine("Executing: ");
            ArrayList Vp = new ArrayList();
            ArrayList Vr = new ArrayList();
            Vr.Add(this.S0);
            ArrayList Pp = new ArrayList();
            ArrayList P1 = new ArrayList(this.Prules);
            bool flag = false, noadd = false;
            // Создааем множество порождающих символов и одновременно
непроизводящие правила
            do
                flag = false;
                foreach (Prule p in P1)
                    noadd = false;
                    //DebugPrule(p);
                    if (p.RightChain == null || p.RightChain.Contains(""))
                        Pp.Add(p);
                        if (!Vp.Contains(p.LeftNoTerm))
```

```
Vp.Add(p.LeftNoTerm);
                         }
                         P1.Remove(p);
                         flag = true;
                         break;
                     }
                    else
                     {
                         foreach (string t in p.RightChain)
                             if (!this.T.Contains(t) && !Vp.Contains(t))
                                 //Console.WriteLine(t);
                                 noadd = true;
                                 break;
                         }
                         if (!noadd)
                             Pp.Add(p);
                             if (!Vp.Contains(p.LeftNoTerm))
                                 Vp.Add(p.LeftNoTerm);
                             }
                             P1.Remove(p);
                             flag = true;
                             break;
                         }
                    }
                }
            } while (flag);
            Debug("Vp", Vp);
            P1.Clear();
            if (!Vp.Contains(this.S0))
                return new myGrammar(new ArrayList(), new ArrayList(), new
ArrayList(), this.S0);
            ArrayList T1 = new ArrayList();
            //Создаем множество достижимых символов
            do
            {
                flag = false;
                foreach (Prule p in Pp)
                    if (Vr.Contains(p.leftNoTerm))
                         foreach (string t in p.RightChain)
                             if (!Vr.Contains(t))
                                 Vr.Add(t);
                                 //noadd = true;
                         P1.Add(p);
                         Pp.Remove(p);
                         flag = true;
                         break;
                     }
            } while (flag);
```

```
Debug("Vr", Vr);
            Vp.Clear();
            // Обновляем множества терминалов и нетерминалов
            foreach (string t in Vr)
            {
                if (this.T.Contains(t))
                    T1.Add(t);
                }
                else if (this.V.Contains(t))
                    Vp.Add(t);
                }
            }
            Debug("T1", T1);
            Debug("V1", Vp);
            Console.WriteLine("\tUnuseful symbols have been deleted");
            return new myGrammar(T1, Vp, P1, this.S0);
        }
public myGrammar EpsDelete()
        {
            Console.WriteLine("\tDelete e-rules:");
            Console.WriteLine("Executing:");
            ArrayList Erule = new ArrayList();
            ArrayList Ps = new ArrayList(this.Prules);
            //ArrayList NoTerm = new ArrayList();
            Console.WriteLine("e-rules:");
            //находим множество е-правил
            foreach (Prule p in this.Prules)
                if (p.RightChain.Contains(""))
                    DebugPrule(p);
                    Erule.Add(p);
                    Ps.Remove(p);
            //определяем множество неукорачивающихся символов
            ArrayList NoTerms = new ArrayList();
            foreach (Prule p in Erule)
                if (!NoTerms.Contains(p.LeftNoTerm))
                {
                    NoTerms.Add(p.LeftNoTerm);
            }
            bool flag = false, noadd = false;
            do
            {
                flag = false;
                foreach (Prule p in Ps)
                    noadd = false;
                    //DebugPrule(p);
                    foreach (string t in p.RightChain)
                        if (!NoTerms.Contains(t))
                            noadd = true;
                            break;
```

```
}
        }
        if (!noadd)
            if (!NoTerms.Contains(p.LeftNoTerm))
                NoTerms.Add(p.LeftNoTerm);
            }
            flag = true;
            Ps.Remove(p);
            break;
        }
    }
} while (flag);
Debug("NoShortNoTerms", NoTerms);
Ps.Clear();
//string s;
//Удаляем е-правила и создаем новые в соответствии с алгоритмом
foreach (Prule p in this.Prules)
    if (Erule.Contains(p))
    {
        continue;
    }
    Ps.Add(p);
    for (int i = 0; i < p.RightChain.Count; ++i)</pre>
        string t = p.RightChain[i].ToString();
        if (NoTerms.Contains(t))
            //s = t;
            ArrayList NR = new ArrayList(p.RightChain);
            NR.RemoveAt(i);
            Ps.Add(new Prule(p.LeftNoTerm, NR));
        }
    }
//проверяем есть ли порождение е из нач символа
if (NoTerms.Contains(this.S0))
   ArrayList V1 = new ArrayList(this.V);
    V1.Add("S1");
    Ps.Add(new Prule("S1", new ArrayList() { this.S0 }));
    Ps.Add(new Prule("S1", new ArrayList() { "" }));
    Debug("V1", V1);
   Console.WriteLine("\te-rules have been deleted!");
   return new myGrammar(this.T, V1, Ps, "S1");
}
else
    Debug("V1:", this.V);
    Console.WriteLine("\te-rules have benn deleted!");
   return new myGrammar(this.T, this.V, Ps, this.S0);
}
```

# 5. Устранить из КС-грамматики цепные правила и устранить левую рекурсию

5.1. Устранение цепных правил.

}

Сначала находим цепные правила, т. е. правила вида  $A \rightarrow B$ , где A и B - нетерминалы: (у нас таких нет)

Затем для правил, в правых частях которых есть нетерминал, для которого существует цепное правило(где он стоит слева), заменяем правую часть исходного правила на правую часть цепного правила.

### 5.2. Устранение левой рекурсии.

Для начала преобразуем G так, чтобы в правиле Ai  $\rightarrow$   $\alpha$ , цепочка  $\alpha$  начиналась либо с терминала, либо с такого Aj , что j > i.

$$V = \{ S,A,B,C \}$$

 $P = \{S \to AB, S \to SC, A \to BB, A \to Ab, A \to a, B \to b, C \to Ca, C \to b\}$  Затем пусть множество Ai правил — это Ai  $\to$  Ai $\alpha$ 1 |...| Ai $\alpha$ m |  $\beta$ 1 |...|  $\beta$ p, где — ни одна цепочка  $\beta$ j не начинается с Ak, если  $k \le i$ . Заменим Ai — правила — правилами:

```
Ai \rightarrow \beta 1 \mid ... \mid \beta p \mid \beta 1 Ai' \mid ... \mid \beta p Ai'

A'i \rightarrow \alpha 1 \mid ... \mid \alpha m \mid \alpha 1 Ai' \mid ... \mid \alpha m Ai'
```

где Ai – новый символ. Правые части всех Ai - правил начинаются теперь с терминала или с Ak для некоторого k > i.

В нашем случае:

```
P^1= \{S \rightarrow AB, S \rightarrow ABS', S' \rightarrow C, S' \rightarrow CS', A \rightarrow BB, A \rightarrow BBA', A' \rightarrow b, A' \rightarrow bA', A \rightarrow a, A \rightarrow aA', B \rightarrow b, C' \rightarrow a, C' \rightarrow aC', C \rightarrow b, C \rightarrow bC'\}
```

#### 5.3. Реализация алгоритма.

```
public myGrammar LeftRecursDelete()
            Console.WriteLine("\tLeft Recursion delete:");
            Console.WriteLine("Executing: ");
            ArrayList P = new ArrayList();
            ArrayList V1 = new ArrayList(this.V);
            ArrayList Vr = new ArrayList();
            //ищем рекурсивные правила
            Console.WriteLine("Rules with Recursion:");
            foreach (Prule p in this.Prules)
                if (p.LeftNoTerm == p.RightChain[0].ToString())
                    DebugPrule (p);
                    if (!Vr.Contains(p.LeftNoTerm))
                        Vr.Add(p.LeftNoTerm);
                }
            foreach (Prule p in this.Prules)
                if (!Vr.Contains(p.LeftNoTerm))
                    P.Add(p);
            }
```

```
//преобразуем их в новые без левой рекурсии
ArrayList v struct ar = new ArrayList();
foreach (string v in Vr)
{
    V struct v struct;
    v struct.alpha = new ArrayList();
    v struct.betta = new ArrayList();
    v struct.V = v;
    foreach (Prule r in this.Prules)
        if (v == r.LeftNoTerm)
            if (r.RightChain[0].ToString() == v)
                ArrayList alpha help = new ArrayList();
                for (int i = 1; i < r.RightChain.Count; i++)</pre>
                    alpha help.Add(r.RightChain[i]);
                }
                if (alpha help.Count > 0)
                    v struct.alpha.Add(alpha_help);
            }
            else
            {
                if (r.RightChain.Count > 0)
                    v struct.betta.Add(r.RightChain);
            }
        }
    }
    v struct ar.Add(v struct);
foreach (V struct v struct in v struct ar)
    string new_v = v struct.V + "'";
    V1.Add(new v);
    foreach (ArrayList betta help in v struct.betta)
        P.Add(new Prule(v_struct.V, betta_help));
        ArrayList betta pravila = new ArrayList();
        for (int i = 0; i < betta_help.Count; i++)</pre>
            betta pravila.Add(betta help[i]);
        }
        betta_pravila.Add(new_v);
        P.Add(new Prule(v_struct.V, betta_pravila));
    }
    foreach (ArrayList alpha help in v struct.alpha)
        P.Add (new Prule (new v, alpha help));
        ArrayList alpha_pravila = new ArrayList();
        for (int i = 0; i < alpha help.Count; i++)</pre>
            alpha pravila.Add(alpha help[i]);
        alpha pravila.Add(new v);
        P.Add (new Prule (new v, alpha pravila));
    }
}
Debug("V1", V1);
Console.WriteLine("\tLeft Recursion have been deleted!");
```

```
return new myGrammar(this.T, V1, P, this.S0);
}
```

### 6. Определить форму КС-грамматики и сделать ее приведение

6.1. Задана следующая грамматика: G = (T, V, P, S), где

$$T = \{i, +, -, (,)\}, V = \{S, F, L\}, P = \{S \rightarrow (F+L), S \rightarrow F, F \rightarrow -L, F \rightarrow i, L \rightarrow F\}$$

6.2. Эта же грамматика в приведённом виде:

#### Удалить:

- 1) є- правила
- 2) цепных
- 3) бесполезных
- 4) левой рекурсии

$$T = \{i, +, -, (,)\}, V = \{S, F, L\}, P = \{S \rightarrow i, S \rightarrow (F+L), F \rightarrow i, L \rightarrow i, F \rightarrow -L, S \rightarrow -L, L \rightarrow -L\}$$

КС грамматика G = (T, V, P, S) называется грамматикой в нормальной форме Грейбах, если в ней нет  $\varepsilon$ -правил и каждое правило из P отличное от  $S \to \varepsilon$ , имеет вид  $A \to a\alpha$ , где  $a \in T$ ,  $\alpha \subset V^*$ .

КС грамматика G = (T, V, P, S) называется грамматикой в нормальной форме Хомского, если каждое правло из P имеет один из следующих видов:

- 1. A $\rightarrow$  BC, где A, B, C∈V;
- 2.  $A \rightarrow a$ , где a∈T;
- 3. S→  $\epsilon$ , если  $\epsilon \in L(G)$ , причем S не встречается в правых частях правил.

Наша КС грамматика в ослабленной нормальной форме Грейбах.

### 7. Спроектировать МП автомат для приведенной КС-грамматики Алгоритм построения:

- 1. Если  $A \to \alpha$  правило грамматики G, то  $\delta$   $(q, \varepsilon, A) = (q, \alpha)$ .
- 2.  $\delta$  (q, a, a) = {(q, ε)} для всех а∈Σ.

МП = ({q}, {i, +, -, (, )}, {i, +, -, (, ), S, F, L},  $\delta$ , q<sub>0</sub>, S, {q}), в котором функция переходов  $\delta$  определяется следующим образом:

- 1.  $\delta$  (q<sub>0</sub>,  $\epsilon$ , S) = {(q, (F+L)), (q, F)};
- 2.  $\delta(q, \epsilon, F) = \{(q, -L), (q, i)\};$
- 3.  $\delta(q, \epsilon, L) = \{(q, F)\};$
- 4.  $\delta$  (q, a, a) = {(q, ε)} для всех a $\in$ Σ={i, +, -,(,)}.

Последовательность тактов МП-автомата для цепочки (-i+i) :

```
\begin{array}{l} (q_0,\,(-i+i),\,S) := & 1 \, \left(q,\,\,(-i+i),\,(F+L)\right) := & 4 \, \left(q,\,\,-i+i),\,F+L\right) := & 2 \, \left(q,\,-i+i),\,-L+L\right) := & 4 \, \left(q,\,\,i+i),\,L+L\right) := & 3 \, \left(q,\,\,i+i),\,F+L\right) := & 2 \, \left(q,\,\,i+i),\,i+L\right) := & 4 \, \left(q,\,\,i+i),\,+L\right) := & 4 \, \left(q,\,\,i),\,L\right) := & 3 \, \left(q,\,\,i),\,F\right) := & 3 \, \left(q,\,\,i,\,\,i\right) := & 3 \, \left(q,\,\,i+i),\,-2 \, \left(q,\,\,i+i),\,-2 \, \left(q,\,\,i+i),\,+L\right) := & 3 \, \left(q,\,\,i+i),\,-2 \, \left(q,\,\,i+i,\,-2 \, \left(q,\,\,i+i,
```

Отличие МП РМП автоматов заключается в том, что верхним элементом магазина является самый левый и самый правый символ цепочки соответственно.

Синтаксические анализаторы на основе МП автомата – нисходящие(предсказывающие), а на основе РМП автомата – восходящие.

#### 8. Реализовать МП автомат для приведенной КС-грамматики

```
class myMp : Automate //MΠ = {}
        // Q - множество состояний МП - автомата
        // Sigma - алфавит входных символов
        // DeltaList - правила перехода
        // Q0 - начальное состояние
        // F - множество конечных состояний
        public ArrayList Gamma = null; //алфавит магазинных символов
       public Stack Z = null;
       public string currState;
       public string ans1 = "";
       public string ans2 = "";
        // МП для КС-грамматик
       public myMp (myGrammar KCgrammar)
            : base(new ArrayList() { "q" }, KCgrammar.T, new ArrayList() { },
"q")
            this.Gamma = new ArrayList();
            this.Z = new Stack();
            foreach (string v1 in KCgrammar.V) // магазинные символы
                Gamma.Add(v1);
            foreach (string t1 in KCgrammar.T)
                Gamma.Add(t1);
            Q0 = Q[0].ToString(); // начальное состояние
            Z.Push (KCgrammar.S0); // начальный символ в магазине
            F = new ArrayList(); // пустое множество заключительных состояний
            DeltaQSigmaGamma delta = null;
            foreach (string v1 in KCgrammar.V)
            { // сопоставление правил с отображениями
                ArrayList q1 = new ArrayList();
                ArrayList z1 = new ArrayList();
                foreach (Prule rule in KCgrammar.Prules)
                    if (rule.leftNoTerm == v1)
                        Stack zb = new Stack();
                        ArrayList rr = new ArrayList(rule.rightChain);
                        rr.Reverse();
                        foreach (string s in rr)
                            zb.Push(s);
                        z1.Add(zb);
```

```
q1.Add(Q0);
                    }
                }
                delta = new DeltaQSigmaGamma(Q0, "e", v1, q1, z1);
                DeltaList.Add(delta);
            }
            foreach (string t1 in KCgrammar.T)
                Stack e = new Stack();
                e.Push("e");
                delta = new DeltaQSigmaGamma(Q0, t1, t1, new ArrayList() { Q0
}, new ArrayList() { e });
                DeltaList.Add(delta);
            }
        }
        public virtual void addDeltaRule(string LeftQ, string LeftT, string
LeftZ, ArrayList RightQ, ArrayList RightZ)
        {
            DeltaList.Add(new DeltaQSigmaGamma(LeftQ, LeftT, LeftZ, RightQ,
RightZ));
        public void addDeltaRule(string LeftQ, string LeftT, string LeftZ,
ArrayList RightQ, ArrayList RightZ, ArrayList RightSix)
            DeltaList.Add(new DeltaQSigmaGammaSix(LeftQ, LeftT, LeftZ,
RightQ, RightZ, RightSix));
   public virtual bool Execute_ (string str, int i, int Length) {
      //сразу нулевое правило брать
      DeltaQSigmaGamma delta = null;
      delta = (DeltaQSigmaGamma) this.DeltaList[0];
      currState = this.Q0;
       int i = 0; // sas!!
      int j = 0;
      str = str + "e"; // empty step вставить "" не получается, так как это
считается пустым символом,
                       //который не отображается в строке
      string s;
      delta.debug();
      for (; ; )
        if (delta == null)
          return false;
        if (delta.LeftT != "") // И В ВЕРШИНЕ СТЕКА ТЕРМИНАЛЬНЫЙ СИМВОЛ
LeftT!!!! пустой такт
          for (; i < str.Length;) //модель считывающего устройства
            if (Z.Peek().ToString() == str[i].ToString())
              this.Z.Pop();
              currState = delta.RightQ.ToString();
            } else return false;
           break;
          }
```

```
Pelse if (delta.LeftT == "") // И В ВЕРШИНЕ СТЕКА НЕ ТЕРМИНАЛЬНЫЙ
СИМВОЛ LeftT!!!!
          //шаг 1 вытолкнуть из стека и занести в стек rightZ
         this. Z. Pop();
         s = arrToStr(delta.RightZ);
         for (j = s.Length - 1; j \ge 0; j--) this.Z.Push(s[j]);
        if (this.Z.Count != 0)
         currState = arrToStr(delta.RightQ);
         this.debugDeltaRule("1", delta);
         //Execute (str,i, str.Length);
         delta = findDelta(currState, Z.Peek().ToString());
         delta.debug();
        } else if (str[i].ToString() == "e") return true;
        else return false;
     } // end for
        //проверка на терминал или нетерминал в вершине стека
        //изменение правила по верхушке стека
   } // end Execute
```

#### 9. Для LL(1) анализатора построить управляющую таблицу М

1. Если  $A \to \beta$  – правило грамматики с номером i, то  $M(A, a) = (\beta, i)$  для всех  $a \neq \epsilon$ , принадлежащих множеству FIRST(A). (то есть найти все терминалы в начале цепочек, выводимых из данного нетерминала)

Если  $\varepsilon \in FIRST(\beta)$ , то  $M(A, b) = (\beta, i)$  для всех  $b \in FOLLOW(A)$ . (то есть найти все терминалы, которые могут следовать непосредственно за нашим нетерминалом в выводимых им цепочках)

- 2. M(a, a) = BЫБРОС для всех  $a \in T$ .
- 3.  $M(\bot, \varepsilon) = ДОПУСК.$
- 4. В остальных случаях M(X,a) = ОШИБКА для  $X(V \cup T \cup \{\bot\})$  и a  $\in$   $T\{\epsilon\}$

```
Возьмем грамматику G = (T, V, P, S), где T = \{i, +, -, (,)\}, V = \{S, F, L\}, P = \{p1: S \rightarrow (F+L), p2: S \rightarrow F, p3: F \rightarrow -L, p4: F \rightarrow i, p5: L \rightarrow F\}
```

Последовательно рассмотрим правила:

Правило грамматики	Множество	Значение М
p1: S→ (F+L)	FIRST( <b>(F+L)</b> ) = {(}	M(S,() = (F+L), 1
p2: S→ F	FIRST(F) = {-}	M(S,-) = F, 2
p3: F→ - L	FIRST(- L) = {-}	M(F,-) = -L, 3
p4: F→ i	FIRST( <b>i</b> ) = {i}	M(F, i) = i, 4
p5: L→F	$FIRST(F) = \{-,i\}$	M(L,-) = M(L,i) = F, 5

затем построчно составляем таблицу:

				~ <i>y</i> ·				
	i	(	)	+	-	3		
S		(F+L), 1			F, 2			
F	i, 4				-L, 3			
L	F, 5				F, 5			
i	выброс							
(		выброс						
)			выброс					
+				выброс				
-					выброс			
上						допуск		

# 10. Аналитически написать такты работы LL(1) анализатора для выведенной цепочки.

Рассмотрим работу алгоритма для цепочки символов (-i+i), порожденной LL(1) грамматикой.

Алгоритм находится в начальной конфигурации ((-i+i),  $S_{\perp}$ ,  $\epsilon$ ).

Текущая конфигурация	Значение М
$((-i+i), S\perp, \varepsilon)$	M(S,() = (F+L), 1
$((-i+i), (F+L)\perp, 1)$	М((,() = выброс
(-i+i), F+L)⊥, 1)	M(F,-) = -L, 3
(-i+i), -L+L)⊥, 13)	М(-,-) = выброс
(i+i), L+L)⊥, 13)	M(L,i) = F, 5
(i+i), F+L)⊥, 135)	M(F, i) = i, 4
(i+i), i+L)⊥, 1354)	M(i,i) = выброс
(+i), +L)⊥, 1354)	М(+,+) = выброс
(i), L)⊥, 1354)	M(L,i) = F, 5
(i), F)⊥, 13545)	M(F, i) = i, 4
(i), i)⊥, 135454)	M(i,i) = выброс
( ), )⊥, 135454)	М(),)) = выброс
$(\epsilon, \perp, 135454)$	М(ε,⊥) = допуск

Цепочка принадлежит языку, а последовательность номеров правил 135454 – её разбор.

# 11. Реализовать управляющую таблицу М для LL(k) анализатора.

```
class LLParser
{
    private myGrammar G;
    private Stack<string> Stack;
    private DataTable Table;
```

```
public string OutputConfigure = "";
        Hashtable FirstSet = new Hashtable();
        Hashtable FollowSet = new Hashtable();
        public LLParser(myGrammar grammar) //конструктор
            G = grammar;
            Table = new DataTable("ManagerTable");
            Stack = new Stack<string>(); //создаем стек(магазин) для символов
            // Создадим таблицу синтаксического анализа для этой грамматики
            // Определим структуру таблицы
            Table.Columns.Add(new DataColumn("VT", typeof(String)));
            Console.WriteLine("Создадим таблицу. Сначала создадим по столбцу
для каждого из этих терминалов: ");
            foreach (string termSymbol in G.T)
                Console.Write(termSymbol);
                Console.Write(", ");
                Table.Columns.Add(new DataColumn(termSymbol, typeof(Prule)));
            Console.WriteLine("\nТакже создаем строку для Эпсилон");
            Table.Columns.Add(new DataColumn("EoI", typeof(Prule))); //
Epsilon
            ComputeFirstSets(grammar); // Вычисляем множество First
            ComputeFollowSets (grammar); // Вычисляем множество Follow
            for (int i = 0; i < grammar.V.Count; i++) // Рассмотрим
последовательно все нетерминалы
            {
                DataRow workRow = Table.NewRow(); //Hobas crpoka
                workRow["VT"] = (string)grammar.V[i];
                Console.Write ("Рассмотрим нетерминал ");
                Console.Write((grammar.V[i]));
                Console.Write("\n");
                List<Prule> rules = getRules((string)grammar.V[i]); //
Получим все правила, соответствующие текущему нетерминалу
                foreach (var rule in rules)
                    List<string> currFirstSet =
First(rule.RightChain.Cast<string>().ToList());
                    foreach (var firstSymbol in currFirstSet)
                        if (firstSymbol != "")
                            // Добавить в таблицу
                            Console.Write("
                                             Первый символ правила ");
                            Console.Write(rule.LeftNoTerm);
                            Console.Write(" -> ");
                            for (int j = 0; j < rule.RightChain.Count; j++)</pre>
                                Console.Write(rule.RightChain[j]);
                            Console.Write(" - ");
                            Console.WriteLine(firstSymbol);
                            workRow[firstSymbol] = rule;
                            Console.Write (" Это правило заносим в таблицу
на пересечении строки нетерминала ");
                            Console.Write(rule.LeftNoTerm);
                            Console.Write(" и столбца терминала ");
```

```
Console.WriteLine(firstSymbol);
                             Console.Write("\n");
                         }
                        else
                         {
                             List<string> currFollowSet =
Follow(rule.leftNoTerm);
                             foreach (var currFollowSymb in currFollowSet)
                                 string currFollowSymbFix = (currFollowSymb ==
"") ? "EoI" : currFollowSymb;
                                 workRow[currFollowSymbFix] = rule;
                         }
                     }
                }
                Table.Rows.Add(workRow);
            }
        }
```

# **12.** Построить замыкание множества ситуаций для пополненной LR(1) грамматики.

```
Возьмем грамматику G = (T, V, P, S), где T = \{i, +, -, (,)\}, V = \{S, F, L\}, P = \{p1: S \rightarrow (F+L), p2: S \rightarrow F, p3: F \rightarrow -L, p4: F \rightarrow i, p5: L \rightarrow F\}
```

# Способ 1. Построение LR(k) анализатора способом использования расширенного магазинного алфавита

Способ использования расширенного магазина состоит из трех шагов:

- Шаг 1. Определение активных префиксов;
- Шаг 2. Построение управляющей таблицы;
- Шаг 3. Применение алгоритма «перенос-свёртка».

Правила пополненной грамматики:

```
p0: S' \rightarrow S
p1: S \rightarrow (F+L)
p2: S \rightarrow F
p3: F \rightarrow -L
p4: F \rightarrow i
p5: L \rightarrow F
```

### Шаг 1. Определение активных префиксов

Символ переносится в магазин только в том случае, если он кодирует цепочку, «совместимую» с цепочкой, которая будет находиться в магазине после переноса.

Цепочка, кодируемая данным магазинным символом, совместима с цепочкой в магазине, если она является суффиксом магазинной цепочки после переноса данного символа.

Символ грамматики	Магазинный символ	кодируемая цепочка
S	$\mathbf{S}_0$	⊥S
F	$F_1$	(F
	$F_2$	F
	$F_5$	F
L	$L_1$	(F+L
	$L_3$	-L
i	$i_4$	i
+	+1	(F+
-	-3	-
(	(1	(
)	)1	(F+L)

Шаг 2. Построение управляющей таблицы

Управление алгоритмом осуществляется при помощи двух функций, приведенных в таблице следующим образом:

- 1. Используя значение верхнего символа магазина и входного символа, алгоритм определяет значение функции действия: ПЕРЕНОС или СВЕРТКА;
- 2. При выполнении переноса определяется значение функции переходов, равное магазинному символу, который нужно втолкнуть в магазин;
- 3. Значение функции действия, равное СВЕРТКА(і), однозначно определяет этот шаг.

Работа алгоритма описывается в терминах конфигураций, представляющих собой тройки вида ( $\alpha T$ , ax,  $\pi$ ), где  $\alpha T$  – цепочка магазинных символов (Тверхний символ магазина), ax – необработанная часть входной цепочки,  $\pi$  выход (строка из номеров правил), построенный к настоящему моменту времени.

Таблица состоит из двух подтаблиц — функции действия и функции переходов. Входным символам с ленты соответствуют столбцы таблицы, символам магазина — строки.

Функция действий f(u) определяется на множестве  $(V_p \cup \{\bot\}) \times (T \cup \{\epsilon\})$  по правилам:

1. Если  $A \to \beta$  – правило грамматики с номером i, то для конфигурации ( $\alpha$ T, ах,  $\pi$ ), где T кодирует цепочку  $\beta$ , f(u) = C(i).

- 2. Если  $A \to \beta$  правило грамматики с номером і, то для конфигурации ( $\alpha$ T, ах,  $\pi$ ), где T кодирует некий префикс цепочки  $\beta$  (но не саму основу),  $f(u) = \Pi$ .
- 3. Для конфигурации (S<sub>0</sub>,  $\perp$ ,  $\pi$ ), где S<sub>0</sub> кодирует цепочку  $\perp$ S, f(u) = ДОПУСК.
- 4. В противном случае, f(u) = ОШИБКА.

Функция переходов g(X) определяется на множестве  $(V_p \cup \{\bot\}) \times (V \cup T \cup \{\epsilon\})$  по правилам:

- 1. Если для конфигурации ( $\alpha T$ , ax,  $\pi$ ) для входного символа а  $\epsilon$  ( $V \cup T$ ) в таблице существует символ  $a_i$ , совместимый с цепочкой  $\alpha Ta$ , то  $g(X) = a_i$ .
- 2. В противном случае, g(X) = ОШИБКА.

	функция действий f(u)							фун	кция	перез	ходо	в g(У	<u>()</u>	
	i	+	-	(	)		S	F	L	i	+	-	(	)
$S_0$	Π	Π	Π	П	П	Д		$F_2$		i <sub>4</sub>		<b>-</b> 3	(1	
$F_1$	Π	Π	Π	П	П						+1			
$F_2$	C(2)	C(2)	C(2)	C(2)	C(2)	C(2)								
$F_5$	C(5)	C(5)	C(5)	C(5)	C(5)	C(5)								
$L_1$	Π	Π	П	П	П									)1
$L_3$	C(3)	C(3)	C(3)	C(3)	C(3)	C(3)								
<b>i</b> 4	C(4)	C(4)	C(4)	C(4)	C(4)	C(4)								
+1	П	П	П	П	П			$F_5$	$L_1$	$i_4$		<b>-</b> 3		
-3	Π	Π	П	П	П			$F_5$	$L_3$	<b>i</b> 4		<b>-</b> 3		
(1	Π	Π	П	П	П			$F_1$		$i_4$		<b>-</b> 3		
)1	C(1)	C(1)	C(1)	C(1)	C(1)	C(1)								
上	П	Π	П	П	П	П	$S_0$	$F_2$		i <sub>4</sub>		-3	(1	

Шаг 3. Применение алгоритма «перенос-свёртка». Алгоритм.

- 1. i := 0.
- 2. j := j+1. Если j > n, то выдать сообщение об ошибке и перейти к шагу 5.
- 3. Определить цепочку и следующим образом:
- если k = 0, то u = tj;
- если  $k \ge 1$  и  $j + k 1 \le n$ , то u = tjtj+1...tj+k-1 первые k-символов цепочки tjtj+1...tn;
- если  $k \ge 1$  и j + k 1 > n, то u = tjtj+1...tn остаток входной цепочки.
- 4. Применить функцию действия f из строки таблицы M, отмеченной верхним символом магазина T, к цепочке u:
- $f(u) = \Pi E P E H O C (\Pi)$ . Определить функцию перехода g(tj) из строки таблицы M, отмеченной символом T из верхушки магазина. Если g(tj) = T' и  $T' \in V p \cup \{\bot\}$ , то записать T' в магазин и перейти к шагу 2. Если  $g(tj) = O \coprod U E K A$ , то выдать сигнал об ошибке и перейти к шагу 5;

- f(u) = (СВЕРТКА, i) (С) и А→α правило вывода с номером і грамматики G. Удалить из верхней части магазина |α| символов, в результате чего в верхушке магазина окажется символ Т' є Vp ∪{⊥}, и выдать номер правила і на входную ленту. Определить символ Т''= g(A) из строки таблицы M, отмеченной символом Т', записать его в магазин и перейти к шагу 3.
- f(u) = ОШИБКА (O). Выдать сообщение об ошибке и перейти к шагу 5.
- f(u) = ДОПУСК (Д). Объявить цепочку, записанную на входной ленте, правым разбором входной цепочки z.

#### 5. Останов.

Рассмотрим последовательность тактов LR(k)-алгоритма при анализе входной цепочки : (-i+i)

$$(\bot, (-i+i)\bot, \varepsilon)$$
 |-  $(\bot(1, -i+i)\bot, \varepsilon)$  |-  $(\bot(1-3, i+i)\bot, \varepsilon)$  |-  $(\bot(1-3i_4, +i)\bot, \varepsilon)$  |-  $(\bot(1-3F_5, +i)\bot, 4)$  |-  $(\bot(1-3L_3, +i)\bot, 45)$  |-  $(\bot(1F_1, +i)\bot, 453)$  |-  $(\bot(1F_1+1i_4, )\bot, 453)$  |-  $(\bot(1F_1+1i_4, )\bot, 453)$  |-  $(\bot(1F_1+1i_4, )\bot, 453)$  |-  $(\bot(1F_1+1i_4, )\bot, 4534)$  |-  $(\bot(1F_1+1i_4, )\bot, 45345)$  |-  $(\bot(1F_1+1L_1), \bot, 45345$ 

# Способ 2. Построение LR(k) анализатора способом грамматических вхождений

Способ использования грамматических вхождений состоит из четырёх шагов:

- Шаг 1. Определение грамматических вхождений (см. алгоритм фреймворка);
- Шаг 2. Построение конечного автомата из грамматических вхождений;
- Шаг 3. Построение управляющей таблицы.
- Шаг 4. Применение алгоритма «перенос-свёртка».

### Построение:

Шаг 1.Определение грамматических вхождений

Грамматическое вхождение — это символы полного словаря грамматики, снабженные двумя индексами. Первый индекс і задает номер правила грамматики, в правую часть которого входит данный символ, а второй индекс j — номер позиции символа в этой правой части.

В приведённой выше грамматике с правилами:

```
p0: S' \rightarrow S
p1: S\rightarrow (F+L)
p2: S\rightarrow F
p3: F\rightarrow -L
p4: F\rightarrow i
p5: L\rightarrow F
```

выделяем грамматические вхождения:  $S_{01}$ ,  $(11, F_{12}, +_{13}, L_{14}, )_{15}$ ,  $F_{21}$ ,  $-_{31}$ ,  $L_{32}$ ,  $i_{41}$ ,  $F_{51}$ 

- Шаг 2. Построение конечного автомата из грамматических вхождений
- 12.2. Определить множество First для LR(1) грамматики First =  $\{(, -, i)\}$
- 12.3. Определить множество LR(1) ситуаций
- LR(1) ситуация объект вида [A  $\rightarrow \alpha \cdot \beta$ , a], где (A  $\rightarrow \alpha\beta$ )  $\in$  P,  $\bullet \in$  V  $\cup$  T, a  $\in$  {\$}  $\cup$  T, где \$ конец строки
- LR(1) ситуация допустима для активного префикса +, если существует вывод  $S = r^* \gamma A w = r^* \gamma A \psi$ , где + =  $\gamma \alpha$  и либо а первый символ w, либо w =  $\epsilon$  и а =  $\epsilon$

Ситуация допустима, если она допустима для какого-то алфавитного префикса.

Считая, что:  $\alpha$  и  $\beta \in \{\epsilon\} \cup T \cup V$ :

$$\begin{split} I &= \{ (\ S' \to {}^\bullet S, \, \$), \, \{ (\ S' \to S^\bullet, \, \$), \, (S \to {}^\bullet (F + L), \, \$), \, (S \to ({}^\bullet F + L), \, \$), \, (S \to (F + L), \, \$), \, (S \to (F + L), \, \$), \, (S \to (F + L), \, \$), \, (S \to {}^\bullet F, \, \$), \, (S \to F^\bullet, \, \$), \, (F \to {}^\bullet i, \, +), \, (F \to {}^\bullet i, \, +), \, (F \to {}^\bullet L, \, +), \, (F \to {}^\bullet L, \, +), \, (F \to {}^\bullet L, \, +), \, (L \to {}^\bullet F, \, )), \, (L \to F^\bullet, \, )), \, (F \to {}^\bullet i, \, \$), \, (F \to i^\bullet, \, \$) \} \end{split}$$

12.4. Построить замыкание closure(I) множества ситуаций

CLOSURE(I) строится по следующим правилам:

- 1. Включить в CLOSURE(I) все ситуации из I.
- 2. Если ситуация  $A \to \alpha \cdot B\beta$  уже включена в CLOSURE(I) и  $B \to \gamma$  правило грамматики, то добавить в множество CLOSURE(I) ситуацию  $B \to \bullet \gamma$  при условии, что там ее еще нет.
- 3. Повторять правило 2, до тех пор, пока в CLOSURE(I) нельзя будет включить новую ситуацию.

В нашем случае CLOSURE(I) = {( 
$$S' \to \bullet S$$
, \$), {(  $S' \to S \bullet$ , \$), ( $S \to \bullet (F+L)$ , \$), ( $S \to (\bullet F+L)$ , \$), ( $S \to (F+L)$ , \$), ( $S \to (F+L)$ , \$), ( $S \to (F+L)$ , \$), ( $S \to (F+L) \bullet$ , \$), ( $S \to \bullet F$ , \$), ( $S \to \bullet F$ , \$), ( $S \to \bullet F \bullet$ ,

Например, CLOSURE({S' → S}) = {S' → •S, S→ •(F+L), S→ •F, F→ •-L, F→ •i}

# 13. Определить функцию перехода g(x)

13.1. Определить функцию перехода goto(I,x)

Функция GOTO(I,X) определяется как замыкание множества всех ситуаций [  $A \rightarrow \alpha X \cdot \beta$  ], таких что [  $A \rightarrow \alpha \cdot X \beta$ ] є I

$$GOTO(I,+) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet -L, F \rightarrow \bullet i \}$$

```
GOTO(I,-) = {F \rightarrow -•L, L \rightarrow •F, F \rightarrow •-L, F \rightarrow •i}

GOTO(I,i) = {F \rightarrow i•}

GOTO(I,() = {S \rightarrow (•F+L), F \rightarrow •-L, F \rightarrow •i}

GOTO(I,)) = {S \rightarrow (F+L)•}

GOTO(I,S) = {S'\rightarrow S•}

GOTO(I,F) = {L \rightarrow F•, S \rightarrow (F•+L), S \rightarrow F•}

GOTO(I,L) = {F \rightarrow-L•, S \rightarrow (F+L•)}
```

### 14. Построить каноническую форму множества ситуаций.

14.1. Построить каноническую форму множества ситуаций Процесс построения канонической системы множеств LR(0) —ситуаций можно описать с помощью следующих действий:

1.φ=∅

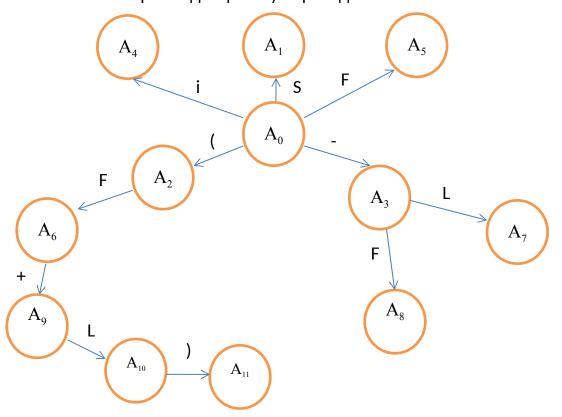
- 2. Включить в  $\varphi$  множество  $A0 = CLOSURE([S' \rightarrow \bullet S])$ , которое в начале «не отмечено».
- 3. Если множество ситуаций A, входящее в систему, «не отмечено», то:
- отметить множество A;
- вычислить для каждого символа  $X \in (V \cup \Sigma)$  значение A' = GOTO(A, X);
- если множество  $A'\neq\emptyset$  и еще не включено в  $\varphi$ , то включить его в систему множеств как «неотмеченное» множество.
- 4. Повторять шаг 3, пока все множества ситуаций системы  $\varphi$  не будут отмечены.

#### Построение:

```
A_0 = CLOSURE(|S' \rightarrow \bullet S|)
        A_1 = GOTO(A_0,S) = \{S' \rightarrow S \bullet \}
        A_2 = GOTO(A_0, () = CLOSURE([S \rightarrow (\bullet F + L)]) = \{ S \rightarrow (\bullet F + L), F \rightarrow \bullet -L, F \rightarrow \bullet i \}
        A_3 = GOTO(A_0, -) = CLOSURE([F \rightarrow -\bullet L]) = \{ F \rightarrow -\bullet L, L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, F \rightarrow \bullet -\bullet L \}
        L}
        A_4 = GOTO(A_0,i) = \{F \rightarrow i \bullet \}
        A_5 = GOTO(A_0,F) = \{S \rightarrow F \bullet \}
        Для всех X \in (V \cup \Sigma) множества GOTO(A_1, X) пусты.
        A_6 = GOTO(A_2,F) = \{S \rightarrow (F \cdot +L)\}
        A = GOTO(A_2, -) = CLOSURE([F \rightarrow - \bullet L]) = A_3 - не добавляем
        A_7 = GOTO(A_3,L) = \{ F \rightarrow -L \bullet \}
        A_8 = GOTO(A_3,F) = \{ L \rightarrow F \bullet \}
        A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = \{S \rightarrow (F+\bullet L), L \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet i, A_9 = GOTO(A_6, +) = CLOSURE([S \rightarrow (F+\bullet L)]) = CLOSURE([S \rightarrow (F
F \rightarrow \bullet - L
A_{10} = GOTO(A_9,L) = \{ S \rightarrow (F+L\bullet) \}
A_{11} = GOTO(A_{10}) = \{ S \rightarrow (F+L) \cdot \}
```

$A_0$	$S' \rightarrow \bullet S$
	$S \rightarrow \bullet (F+L)$
	$S \rightarrow \bullet F$
	$F \rightarrow \bullet - L$
	$F \rightarrow \bullet i$
$A_1$	$S' \to S^{\bullet}$
$A_2$	$S \rightarrow (\bullet F + L)$
	$F \rightarrow \bullet -L$
	$F \rightarrow \bullet i$
$A_3$	$F \rightarrow - L$
g .	$L \rightarrow \bullet F$
	$F \rightarrow \bullet i$
	$F \rightarrow \bullet - L$
A <sub>4</sub>	$F \rightarrow i \bullet$
A <sub>5</sub>	$S \to F^{\bullet}$
A <sub>6</sub>	$S \rightarrow (F \bullet + L)$
A <sub>7</sub>	$F \rightarrow -L^{\bullet}$
A <sub>8</sub>	$L \rightarrow F^{\bullet}$
A <sub>9</sub>	$S \rightarrow (F+\bullet L)$
,	$L \rightarrow \bullet F$
	$F \rightarrow \bullet i$
	$F \rightarrow \bullet -L$
A <sub>10</sub>	$S \rightarrow (F+L^{\bullet})$
A <sub>11</sub>	$S \rightarrow (F+L)^{\bullet}$

# 14.2. Построить диаграмму переходов автомата



# 15. Построить управляющую таблицу для функции перехода g(x) и действий f(u).

#### Алгоритм:

- 1. Если  $f(\alpha, aw) = \Pi EPEHOC$ , то входной символ переносится в верхушку магазина и читающая головка сдвигается на один символ вправо.  $(\alpha, aw, \pi) \mid -s (\alpha a, w, \pi) \rfloor -s (\alpha a, w, \pi)$  для  $\alpha \in (N \cup \Sigma \cup \{\bot\})^*$ ,  $w \in (\Sigma \cup \{\bot\})^*$  и  $\pi \in \{1, ..., p\}^*$ .
- 2. Если  $f(\alpha\beta, w) = CBEPTKA$ ,  $g(\alpha\beta, w) = i u A \rightarrow \beta$  правило грамматики с номером i, то цепочка  $\beta$  заменяется левой частью правила с номером i, а его номер помещается в выходную ленту  $(\alpha\beta, w, \pi)$  |- $^{r}$  ( $\alpha$ A, w,  $\pi$ i).
- 3. Если  $f(\alpha, w) = ДОПУСК$ , то  $(\alpha, w, \pi)$  |-s ДОПУСК

	i	+	-	(	)	\$	S	F	L
0	П(4)		П(3)	П(2)			1	5	
1						допуск			
2								6	
3								8	7
4	C(4)	C(4)	C(4)	C(4)	C(4)	C(4)			
5	C(2)	C(2)	C(2)	C(2)	C(2)	C(2)			
6		П(9)							
7	C(3)	C(3)	C(3)	C(3)	C(3)	C(3)			
8	C(5)	C(5)	C(5)	C(5)	C(5)	C(5)			
9									10
10					П(11)				
11	C(1)	C(1)	C(1)	C(1)	C(1)	C(1)			

Шаг 4. Применение алгоритма «перенос-свёртка».

Работа алгоритма описывается в терминах конфигураций, представляющих собой тройки вида ( $\alpha$ T,  $\alpha$ X,  $\pi$ ), где  $\alpha$ T — цепочка магазинных символов (Тверхний символ магазина),  $\alpha$ X — необработанная часть входной цепочки,  $\alpha$ X — выход, построенный к настоящему моменту времени.

Рассмотрим последовательность тактов алгоритма при анализе входной цепочки (-i+i)

```
(\pm 0, (-i+i)\$, \epsilon) |- (\pm 0(2, -i+i)\$, \epsilon) |- (\pm 0(2-3, i+i)\$, \epsilon) |- (\pm 0(2-3i4, +i)\$, \epsilon) |- (\pm 0(2-3F8, +i)\$, 4) |- (\pm 0(2-3L7, +i)\$, 45) |- (\pm 0(2F6, +i)\$, 453) |- (\pm 0(2F6+9i4, )\$, 453) |- (\pm 0(2F6+9L10, )\$, 45345) |- (\pm 0(2F6+9L10)11, \$, 4534
```

# 16. Реализовать LR(1)-анализатор по управляющей таблице (g,f) для LR(1) грамматики.

Все реализации представлены в выданном фреймворке.