2.2. Измерение длин волн спектральных линий водорода $Xypcu\kappa\ E\kappa amepuha$

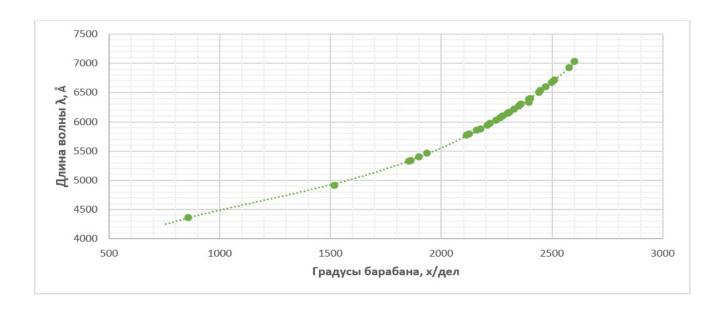
1 Цель работы

Исследовать спектральные закономерности в оптическом спектре водорода. По результатам измерений вычислить постоянные Ридберга.

2 Ход работы

Калибровка спектрометра

| n | барабан, х\дел λ, Å | | | | | | | | |
|-------|---------------------|------|--|--|--|--|--|--|--|
| Неон | | | | | | | | | |
| 1 | 2601 | 7032 | | | | | | | |
| 2 | 2577 | 6929 | | | | | | | |
| 3 | 2509 | 6717 | | | | | | | |
| 4 | 2498 | 6678 | | | | | | | |
| 5 | 2470 | 6599 | | | | | | | |
| 6 | 2447 | 6533 | | | | | | | |
| 7 | 2442 | 6507 | | | | | | | |
| 8 | 2400 | 6402 | | | | | | | |
| 9 | 2395 | 6383 | | | | | | | |
| 10 | 2395 | 6334 | | | | | | | |
| 11 | 2360 | 6305 | | | | | | | |
| 12 | 2349 | 6267 | | | | | | | |
| 13 | 2328 | 6217 | | | | | | | |
| 14 | 2306 | 6164 | | | | | | | |
| 15 | 2297 | 6143 | | | | | | | |
| 16 | 2277 | 6096 | | | | | | | |
| 17 | 2266 | 6074 | | | | | | | |
| 18 | 2248 | 6030 | | | | | | | |
| 19 | 2219 | 5976 | | | | | | | |
| 20 | 2207 | 5945 | | | | | | | |
| 21 | 2177 | 5882 | | | | | | | |
| 22 | 2160 | 5852 | | | | | | | |
| 23 | 1898 | 5401 | | | | | | | |
| 24 | 1862 | 5341 | | | | | | | |
| 25 | 1852 | 5331 | | | | | | | |
| Ртуть | | | | | | | | | |
| 1 | 2125 | 5791 | | | | | | | |
| 2 | 2115 | 5770 | | | | | | | |
| 3 | 1934 | 5460 | | | | | | | |
| 4 | 1516 | 4916 | | | | | | | |
| 5 | 856 | 4358 | | | | | | | |



Определение длин волн спектра водорода

Измерим положение линий H_{α} , H_{β} , H_{γ} (линия H_{δ} не видна) и с помощью калибровочного графика определим их длины волн. Результаты сведём в таблицу

| Линия спектра | θ , ° | λ, \mathring{A} | m | $\frac{1}{\lambda}$, $10^{-4} \mathring{A}^{-1} (\text{рассч.})$ | ε , % | $\sigma(\frac{1}{\lambda}), 10^{-4} \mathring{A}^{-1}$ | $\frac{1}{\lambda}$, $10^{-4} \mathring{A}^{-1}$ |
|---------------|--------------|-------------------------|---|---|-------------------|--|---|
| H_{α} | 2452 | 6578 | 3 | 1.524 | 0.8 | 0.012 | 1.520 ± 0.012 |
| H_{β} | 1464 | 4901 | 4 | 2.058 | 1 | 0.021 | 2.040 ± 0.021 |
| H_{γ} | 838 | 4333 | 5 | 2.304 | 1.2 | 0.028 | 2.308 ± 0.028 |

Таблица 1: Определение линий спектра водорода

Исходя из определённых нами длин волн (с учётом погрешностей) по калибровочному графику убеждаемся, что отношение длин волн водородных линий соответствует отношениям длин волн, вычисленных по формуле (1).

Для каждой из наблюдаемых линий водорода вычислим значение постоянной Ридберга

$$R_H = \frac{1}{\lambda(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2})} \rightarrow R_{H_{\alpha}} = 109455, 8\,\mathrm{cm}^{-1}, \, R_{H_{\beta}} = 108821, 3\,\mathrm{cm}^{-1}, \, R_{H_{\gamma}} = 109898, 6\,\mathrm{cm}^{-1}$$

Определим среднее значение постоянной Ридберга по всем измерениям:

$$\langle R_H \rangle = \frac{R_{H_{\alpha}} + R_{H_{\beta}} + R_{H_{\gamma}}}{3} = 109391, 8 \,\mathrm{cm}^{-1}$$

Определим погрешность измерения постоянной Ридберга $\sigma(R_H)$:

$$\sigma(R_H) = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^{n} (R_{H_i} - \langle R_H \rangle)^2} = \sqrt{\frac{1}{3 \cdot 2} \sum_{i=1}^{n} (R_{H_i} - \langle R_H \rangle)^2} = 312,6 \,\mathrm{cm}^{-1}, \varepsilon_{\sigma} = 0,3\%$$

$$\varepsilon_{R_H} = \sqrt{\varepsilon_{\sigma}^2 + \varepsilon_{R_{H_{\alpha}}}^2 + \varepsilon_{R_{H_{\beta}}}^2 + \varepsilon_{R_{H_{\gamma}}}^2} = 2,1\%$$

Получаем постоянную Ридберга равную

$$R_H = 109391, 8 \pm 2297, 3 \,\mathrm{cm}^{-1}, \, \varepsilon = 2, 1\%$$

Сравнивая полученное значение постоянной Ридберга с рассчётным $R_H = 109677, 6 \,\mathrm{cm}^{-1},$ заключаем, что получили совпадающее в пределах погрешности значение.

3 Вывод

- 1) Измерили положения линий H_{α} , H_{β} , H_{γ} (линия H_{δ} не видна). Построили градуировочный график, подобрав для градуировочной кривой кубический сплайн. Кривая при этом легла достаточно точно на измеренные точки.
- 2) Убедились в том, что полученные отношения длин волн водородных линий соответствуют обобщённой формуле Бальмера.
- 3) Нашли постоянную Ридберга, которая в пределах погрешности совпадает с табличной.