

Đoạn mã mà bạn đã chia sẻ là một hàm MATLAB được gọi là "nrsolve" để giải phương trình phi tuyến tính. Dưới đây là phân tích của code:

```
function [ x ] = nrsolve( ce, res, maxLoop )
[ceX, ceY] = size(ce);
if (ceX > 1 && ceY == 1)
    ce = ce';
[ceX, ceY] = size(ce);
elseif ~(ceX == 1 && ceY > 1))
    disp(' ce is not valid ')
    return;
end
res = abs(res);
% calculate derivate coefficients
dce = zeros(ceX, ceY - 1);
for i=2:ceY
    if (ce(i) ~= 0)
        dce(i-1) = ce(i)*(i-1);
    end
end
% a rude guess, I guess :-))
x0 = 1;
x1 = x0 - evalf(ce, x0)/evalf(dce, x0);
x0 = x1;
iCnt = 0;
while (abs(evalf(ce, x1)) > res && iCnt < maxLoop)
    x1 = x0 - evalf(ce, x0)/evalf(dce, x0);
    x0 = x1;
    iCnt = iCnt + 1;
end
x = x1;
end
```

matlab Copy Code

Đoạn mã trên định nghĩa một hàm `nrsolve` với các tham số đầu vào là `ce`, `res`, và `maxLoop`. Hàm này sử dụng phương pháp Newton-Raphson để giải phương trình phi tuyến tính. Dưới đây là mô tả chi tiết các bước trong hàm:

- Kiểm tra kích thước của ma trận `ce` và xử lý nếu cần thiết để đảm bảo `ce` có kích thước chính xác.
- Tính toán ma trận `dce` chứa các hệ số đạo hàm từ ma trận `ce`.
- Thiết lập giá trị ban đầu `x0` cho ước lượng ban đầu.
- Sử dụng công thức Newton-Raphson để tính toán giá trị `x1` gần đúng sao cho `evalf(ce, x1)` tiến gần đến 0.
- Lặp lại quá trình tính toán `x1` cho đến khi giá trị `evalf(ce, x1)` đạt đủ độ chính xác hoặc số vòng lặp đã đạt tối đa `maxLoop`.
- Trả về giá trị cuối cùng của `x`.

Sau đó, code cung cấp một hàm phụ được gọi là `evalf` để tính toán giá trị của đa thức với các hệ số `cs` tại điểm `x`.

Cho hàm một biến  $f(x)$ , mục tiêu là tìm giá trị của  $x$  thỏa phương trình

$f(x) = 0$ . (Tất nhiên trong trường hợp  $f(x)$  là hàm bậc nhất theo  $x$  thì không còn gì phải bàn, ở đây ta muốn xét đến trường hợp tổng quát).

Phương pháp Newton xuất phát từ việc xấp xỉ giá trị của đạo hàm tại một điểm:

$$f'(x_1) = \frac{df(x_1)}{dx} \approx \frac{f(x_1) - f(x_2)}{x_1 - x_2}$$

$$\Rightarrow x_2 = x_1 - \frac{f(x_1)}{f'(x_1)} + \frac{f(x_2)}{f'(x_1)}$$

Do ta đang muốn tìm nghiệm  $x$  sao cho  $f(x) = 0$ , do đó với  $f(x_2) = 0$  thì phương trình trên trở thành:

$$x_2 = x_1 - \frac{f(x_1)}{f'(x_1)}$$

Tổng quát, phương pháp Newton lặp liên tục để tìm nghiệm ngày càng gần giá trị thực, với công thức nghiệm là:

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

với giá trị khởi tạo  $x_0$  nào đó.

Trong chương trình trên,  $ce$  là vector chứa hệ số của đa thức. Chẳng hạn với đa thức

$f(x) = x^5 + 10x^3 - \frac{1}{2}x - 4$  thì  $ce = [-4, \frac{-1}{2}, 0, 10, 1]$ . Tham số  $res$

là độ lỗi cho phép, chương trình dừng khi sai số nhỏ hơn ngưỡng này. Trong trường hợp không tìm được nghiệm, chương trình dừng sau  $maxLoop$  lần lặp.

Sử dụng hàm này, ta có thể tính nhanh nghiệm của phương trình  $x^5 - 5 = 0$  (cũng chính là tìm xấp xỉ giá trị  $\sqrt[5]{5}$ ) như sau:

```
1nrsolve([-5 0 0 0 0 1], 0.000000000001, 100)
2ans =
3    1.3797
```