Analiza podataka i regresija

Analiza podataka je proces inspekcije, filtriranja, transformacije i modeliranja podataka u cilju formiranja korisnih informacija, donošenja informisanih odluka i podrške u odlučivanju. Prva faza procesa analize podataka zahteva njihovo prikupljanje. Zatim se prikupljeni podaci modeliraju, odnosno prilagođavaju informacionom sistemu u skladu sa situacijama iz realnog sveta. Iz ovako modeliranih podataka moguće je donošenje zaključaka i utvrđivanje anomalija. Ključna uloga analize podataka je pretvaranje podataka u informacije.

Za analizu podataka možemo koristiti dve grupe alata:

- alati za automatsko upravljanje Excel, Tableau, Looker...;
- **programski jezici** Python, R, Julia...

Kada vršimo odabir alata za analizu podataka, od izuzetne je važnosti da sagledamo sve nedostatke i pogodnosti koje nam ti alati pružaju (tabela 4.1).

Karakteristike alata za analizu podataka							
Alati za automatsko upravljanje	Programski jezici						
zatvoren kod	otvoren kod						
skupi	besplatni ili vrlo jeftini						
ograničeni	izuzetno moćni						
laki za upotrebu	teži za upotrebu						

Tabela 4.1. Poređenje karakteristika alata za analizu podataka

Zbog svoje jednostavnosti, intuitivnosti, čitljivosti i velikog broja biblioteka koje nude različite mogućnosti, Python predstavlja najbolji jezik za kodiranje. Njegova javna dostupnost je još jedna od prednosti koja ga visoko kotira pri izboru alata za analizu.

Analiza podataka odvija se u nekoliko ključnih faza:

- prikupljanje podataka iz fajlova (CSV, JSON i sl.), distribuiranih baza podataka;
- prečišćavanje podataka nedostajuće vrednosti, prazni podaci, nevalidni tipovi i vrednosti;
- oblikovanje podataka sortiranje, klasteriranje, indeksiranje, povezivanje itd.;
- proučavanje podataka istraživanje, statističke analize, hipoteze, vizualizacija;
- aktivnosti izrada modela za mašinsko učenje, kreiranje izveštaja, inženjering, ETL procesi itd.

Postoji više biblioteka za analizu podataka koje Python koristi. Kao najčešće upotrebljavane izdvajamo:

- pandas biblioteka na kojoj se temelji struktura analiza podataka u Pythonu;
- Matplotlib biblioteka na kojoj se temelji vizualizacija podataka;
- NumPy numerička biblioteka na kojoj se baziraju n-dimenzionalni nizovi;

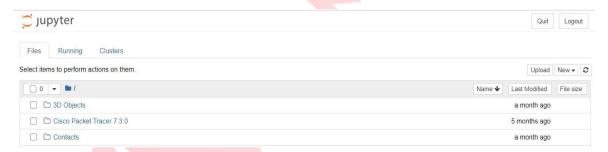
- **SciPy** biblioteka za naučno računanje koja obuhvata funkcije za optimizaciju, linearnu algebru, procesiranje slika itd.;
- **scikit-learn** najpopularnija biblioteka za mašinsko učenje.

U ovom kursu proći ćemo kroz sve ove biblioteke, sa akcentom na **pandas**, na kojoj se baziraju sve ostale. Shodno tome, kroz pandas ćemo objasniti i celokupan proces pripreme podataka za analizu. Za prikaz rada kroz biblioteke koristićemo web aplikaciju Jupyter Notebook.

Jupyter Notebook

Jupyter Notebook je web aplikacija otvorenog koda koja se koristi za kreiranje i deljenje dokumenata, koja sadrže kod, jednačinu, vizualizaciju i tekst u realnom vremenu. Naziv *Jupyter* potiče od osnovnih programskih jezika koje podržava: *Julia, Python* i *R*. Ova aplikacija nije uključena u Python programski jezik. Stoga je za njeno korišćenje neophodna instalacija, koju ćemo izvršiti pozivanjem pip install jupyter u komandnoj liniji.

Sada kada smo instalirali Jupyter, za njegovo pokretanje je potrebno da napravimo folder, što takođe vršimo u komandnoj liniji. Pri kreiranju foldera bitno je obratiti pažnju na to u kom se direktorijumu nalazite. Preporučljivo je da to bude neki direktorijum za skladištenje dokumenata, kao što je, recimo, *Documents*. Kada se nalazimo u željenom direktorijumu, komandom jupyter notebook u komandnoj liniji vršimo konekciju na lokalni server ka linku http://localhost:8888/tree, koji se otvara u našem browseru.



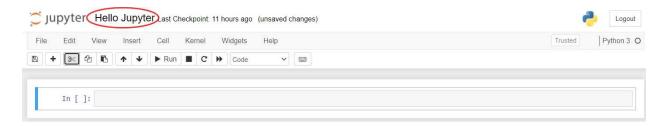
Slika 4.1. Prikaz Jupyter Notebook web aplikacije na našem lokalnom serveru

Na slici 4.1. se može primetiti da na našem serveru već postoje neki Notebook dokumenti. Ove dokumente je moguće kreirati pomoću komande New, koja se nalazi u desnom uglu iznad tabele sa postojećim dokumentima. Kada kliknemo na opciju New, kao izbor ćemo označiti Python 3. Ovo znači da će ćelije našeg dokumenta koristiti Python 3 kernel, odnosno da će se kod ispisan u ćelijama čitati na tom programskom jeziku.

Napomena

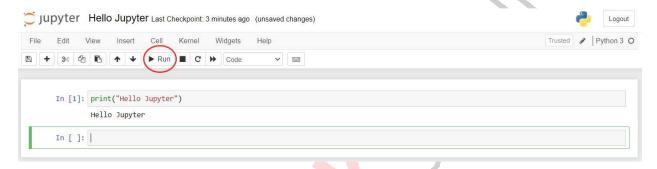
Kernel predstavlja srce operativnog sistema, odnosno softver koji upravlja pristupom korisničkim programima, hardveru i softveru sistema.

Novokreirani dokument inicijalno nosi ime *Untitled*. Radi preciznijeg definisanja dokumenta izmenićemo mu ime kroz klik na naslov i postaviti novi naziv, recimo *Hello Jupyter* (slika 4.2).



Slika 4.2. Promena naziva Jupyter Notebook dokumenta

Kako bismo testirali svoja podešavanja, u ćeliju ćemo umetnuti liniju koda napisanu u Python 3 programskom jeziku i pokrenuti je korišćenjem komande *Run (Shift+Enter)*. Ispravan kod će na ekranu dati rezultat nakon pokretanja (slika 4.3).



Slika 4.3. Prikaz testiranja ćelija podešenih na Python 3 kernel

Ćelije u Notebooku su numerisane i pokreću se u tom redosledu. Imaju mogućnost deljenja varijabli i importovanih dokumenata, što omogućava deljenje koda u logičke celine bez višestrukog kreiranja. U ćelijama se može vršiti i stilizovanje teksta.

Radi lakšeg snala<mark>ženja u programu, u</mark> kratkim crtama ćemo prikazati mogućnosti koje nudi meni ovog programa:

- File kreiranje novog dokumenta ili pokretanje postojećeg;
- **Edit** uređivanje ćelija (isecanje, kopiranje, umetanje, spajanje, brisanje, razdvajanje);
- **View** podešavanje interfejsa programa (header, toolbar, numerisanje linija koda);
- Insert umetanje ćelija;
- **Cell** pokretanje jedne ćelije, grupe ćelija ili svih ćelija, promena tipa ćelije, brisanje autputa;
- **Kernel** promena kernela, resetovanje, rekonekcija, gašenje;
- Widgets dodavanie dinamičnosti kodu pomoću JavaScripta;
- **Help** pomoć u vezi sa korišćenjem programa.

Osim dokumenata, Jupyter Notebook dozvoljava i pokretanje tekstualnih fajlova, foldera i terminala. Takođe podržava i karticu *Running* i *Clusters* u kojima možemo da pratimo koja dokumenta i terminali su trenutno aktivni.

Biblioteka pandas

Biblioteka **pandas** predstavlja najvažnije sredstvo na raspolaganju današnjim naučnicima i analitičarima koji rade u Pythonu. Iako danas postoje mnogo moćniji alati za vizualizaciju i mašinsko učenje, pandas biblioteka predstavlja okosnicu većine projekata kad je reč o radu sa podacima. Ova biblioteka je dobila naziv od reči *panel* i *data* (*panel podaci*), što predstavlja ekonometrijski termin za skupove podataka koji uključuju zapažanja za iste podatke kroz više vremenskih perioda.

Biblioteka pandas ne samo da je centralna komponenta alata za nauku o podacima već se koristi u kombinaciji sa drugim bibliotekama u toj kolekciji. Izgrađena je na vrhu NumPy paketa, što znači da se mnoge strukture NumPyja koriste ili repliciraju u pandasu. Podaci u pandasu često se koriste i za prikaz statističkih analiza u SciPyju, crtanje funkcija iz Matplotliba i algoritme mašinskog učenja u scikit-learnu.

Jupyter Notebooks nudi dobro okruženje za korišćenje pandas biblioteke za istraživanje i modeliranje podataka, mada se ova biblioteka može koristiti i u običnim uređivačima teksta. Jupyter Notebooks nam daje mogućnost izvršenja koda u određenoj ćeliji umesto pokretanja cele datoteke. Ovo štedi puno vremena pri radu sa velikim skupovima podataka i složenim transformacijama. Takođe pruža jednostavan način za vizuelno predstavljanje pandas okvira podataka i grafikona.

Da bismo koristili pandas biblioteku, potrebno je da je prvo instaliramo. To činimo pomoću izjave pip install pandas u komandnoj liniji. Nakon instalacije, uvešćemo ovu biblioteku u svoj Jupyter Notebook komandom import pandas as pd. Sada, kada na raspolaganju imamo sadržaj pandas biblioteke, pogledajmo neke od njenih osnovnih funkcionalnosti.

Dve osnovne komponente *pandas* biblioteke su redovi (Series) i okviri podataka (DataFrames). Nad ovim komponentama je moguće vršiti identičan skup operacija kao što su popunjavanje null vrednosti i kalkulacija srednje vrednosti. U kakvom su odnosu ove komponente prikazano je na sledećoj fotografiji slici 4.4).

Series			Series				DataFrame		
	coffee			biscuit			coffee	biscuit	
0	3		0	8		0	3	8	
1	4	_	1	7	_	1	4	7	
2	5	Т.	2	0	_	2	5	0	
3	6		3	2		3	6	2	

Slika 4.4. Prikaz strukture osnovnih komponenti pandas biblioteke

Postoji više načina za kreiranje okvira podataka u pandas biblioteci, a najjednostavniji način je korišćenje rečnika podataka. Zamislimo da su posmatrani redovi zapravo raspoloživi stolovi u kafeteriji i da kolone *coffee* i *biscuit* predstavljaju broj ispijenih kafa i pojedenih biskvita za zadatim stolom. Kako bismo porudžbine grupisali po stolovima, uvešćemo promenljivu tables u koju ćemo skladištiti naš okvir podataka korišćenjem jednostavnog konstruktora biblioteke pandas pd.DataFrame(). Ovaj konstruktor kao parametar prima naš rečnik table, koji ćemo pre pozivanja ovog konstruktora definisati. Za prikaz rezultata ovog okvira podatka dovoljno je da u liniji koda ispišemo samo tables.

Primer kreiranja DataFrame okvira podataka u pandas biblioteci: import pandas as pd table = { 'coffee': [3, 4, 5, 6], 'biscuit': [8, 7, 0, 2] } tables = pd.DataFrame(table) tables

coffee biscuit 0 3 8 1 4 7 2 5 0 3 6 2

Slika 4.5. Rezultat pozivanja DataFrames() konstruktora u Jupyter Notebook okruženju

Kao što je moguće primetiti na slici 4.5, DataFrame() konstruktor spaja podatke iz dve tabele korišćenjem ključ-vrednost metode. Ključevi su u ovom slučaju automatski dodeljeni brojevi u rasponu od 0 do 3. Ovi ključevi mogu biti definisani i od strane korisnika, što je u nastavku i prikazano.

```
Primer ručnog dodeljivanja indeksa DataFrame okviru podataka u pandas
biblioteci:

import pandas as pd

table = {
    'coffee': [3, 4, 5, 6],
    'biscuit': [8, 7, 0, 2]
  }

tables = pd.DataFrame(table,
  index=['Table A','Table B','Table C','Table D'])

tables
```

Out[6]:

	coffee	biscuit
Table A	3	8
Table B	4	7
Table C	5	0
Table D	6	2

Slika 4.6. Rezultat ručnog dodeljivanja indeksa u okviru DataFrames() konstruktora u Jupyter Notebook okruženju

Ovako grupisane porudžbine je sada lakše pretraživati. Funkcija pretraživanja koju pandas koristi je loc[]; njena uloga je vraćanje vrednosti podatka za zadati ključ. Ako bismo, na primer, želeli da saznamo šta su poručili gosti za stolom B, to možemo postići jednostavnom linijom koda tables.loc['Table B'].

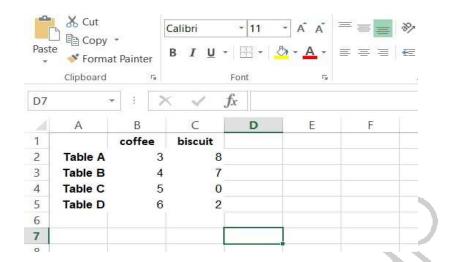
Out[7]: coffee 4 biscuit 7

Name: Table B, dtype: int64

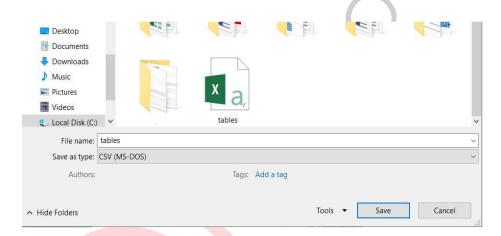
Slika 4.7. Rezultat pretraživanja okvir<mark>a p</mark>odataka korišćenjem loc[] funkcije u Jupyter Notebook okruženju

Pandas biblioteka ima mogućnost čitanja podataka sa CSV, JSON i SQL fajlova, kao i mogućnost konverzije tih podataka nazad u te fajlove. Čitanje ovih fajlova zasniva se na istom principu – kroz pokretanje funkcija namenjenih čitanju tog specifičnog fajla. Radi jednostavnosti, prikazaćemo kako to detaljnije izgleda na primeru CSV fajla.

Pre svega ćemo kreirati CSV fajl iz kog ćemo moći da povlačimo podatke. Otvorićemo novi Microsoft Excel fajl, u njega upisati okvir podataka iz našeg primera kao na prvoj slici (slika 4.8), a zatim ga sačuvati u formatu CSV kao što je to prikazano na slici posle (slika 4.9). Ovaj CSV fajl ćemo sačuvati pod imenom tables, jer ćemo ga kasnije pod tim imenom i čitati.



Slika 4.8. Priprema okvira podataka tables za čuvanje u CSV formatu



Slika 4.9. Čuvanje tables okvira podataka u formatu CSV fajla

Ovako kreiran fajl ćemo zatim uvesti u naš Jupyter Notebook upotrebom dugmeta *Upload*, čime smo izvršili sve pripreme za čitanje podataka sa ovog fajla. S obzirom na to da CSV fajlovi ne sadrže kolonu indeksa, potrebno je da, pri pozivanju funkcije čitanja ovog fajla, podesimo vrednost kolone indeks 0. U nastavku prikazujemo komandu koja će pročitati naš CSV fajl. Ova komanda daje rezultat kao na slici 4.6.

```
Primer čitanja podataka iz tables.csv fajla:

csv_data = pd.read_csv('tables.csv', index_col=0)
csv_data
```

Čitanje podataka napisanih u JSON formatu vrši se na sličan način, što se jasno vidi iz sledećeg primera.

```
Primer čitanja podataka iz tables.json fajla:
    json_data = pd.read_json('tables.json')
    json_data
```

Kada podatke čitamo iz baze, situacija je nešto drugačija. Ovde je neophodno da prvo uspostavimo konekciju sa bazom, da bismo kasnije tu konekciju prosledili kao parametar našoj funkciji čitanja, zajedno sa SQL upitom kao njenim prvim parametrom.

```
Primer čitanja podataka iz tables.db fajla:

import sqlite3

con = sqlite3.connect('tables.db')
sql_data = pd.read_sql_query(SELECT * FROM tables, con)

sql_data
```

Kada smo završili sa radom nad svojim podacima, možemo ih ponovo sačuvati u željeni format. U daljem primeru je prikazano kako čuvamo podatke, odnosno, kako ih upisujemo u formatu koji želimo. Pokretanjem dole navedenih funkcija kreiraju se novi fajlovi, dok se kod baza podataka kreira u potpunosti nova tabela.

```
Primer upisivanja podataka u željenom formatu (CSV, JSON, SQL):

csv_data.to_csv('new_tables.csv')
json_data.to_json('new_tables.json')
sql_data.to_sql('new_tables', con)
```

Biblioteka pandas ima neverovatan broj mogućnosti. Da bismo mogli da pokrijemo većinu, trebaće nam veća baza raznovrsnijih podataka. Sa <u>ovog linka</u> preuzećemo gotovu bazu podataka Netflix filmova i TV serija kreiranu u CSV formatu, a zatim je uploadovati na naš Jupyter Notebook. Fajl čitamo na isti način kao i do sada.

```
Primer čitanja netflix_titles.csv fajla preuzetog sa kaggle.com:

import pandas as pd

titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)
```

Nakon što smo obavili prvi korak, odnosno prikupljanje podataka, od izuzetne je važnosti da imamo vizuelni pregled kako naši podaci izgledaju. Najjednostavnije je pozivanje funkcija head() ili tail(), koje nam daju uvid u prvih, odnosno poslednjih nekoliko zapisa. Ovim funkcijama je takođe moguće proslediti parametar u vidu broja zapisa koje želimo da prikažemo, kao što ćemo mi to uraditi komandom titles.head(3).

	type	title	director	cast	country	date_added	release_year	rating	duration	listed_in	description
show_id											
81145628	Movie	Norm of the North: King Sized Adventure	Richard Finn, Tim Maltby	Alan Marriott, Andrew Toth, Brian Dobson, Cole	United States, India, South Korea, China	September 9, 2019	2019	TV- PG	90 min	Children & Family Movies, Comedies	Before planning at awesome wedding for his gra
80117401	Movie	Jandino: Whatever it Takes	NaN	Jandino Asporaat	United Kingdom	September 9, 2016	2016	TV- MA	94 min	Stand-Up Comedy	Jandin Asporaat riff on th challenges of ra.
70234439	TV Show	Transformers Prime	NaN	Peter Cullen, Sumalee Montano, Frank Welker, J	United States	September 8, 2018	2013	TV- Y7- FV	1 Season	Kids' TV	With the hel of thre human allies the Autob

Slika 4.10. Prikaz prva tri zapisa netflix_titles.csv fajla korišćenjem head(3) funkcije u Jupyter Notebook okruženju

Za brz uvid u osnovne podatke o strukturi baze podataka i tipovima podataka sa kojim radimo koristimo funkciju info(). Dakle, u našem slučaju, pozivanjem titles.info() dobićemo informacije prikazane na slici 4.11.

		ntries, 81145628 l 11 columns):	10 70133404
#	Column	Non-Null Count	Dtype
7.7.7			
0	type	6234 non-null	object
1	title	6234 non-null	object
2	director	4265 non-null	object
3	cast	5664 non-null	object
4	country	5758 non-null	object
5	date added	6223 non-null	object
6	release year	6234 non-null	int64
7	rating _	6224 non-null	object
8	duration	6234 non-null	object
9	listed_in	6234 non-null	object
10	description	6234 non-null	object

Slika 4.11. Prikaz strukture podataka netflix_titles.csv fajla korišćenjem info() funkcije u Jupyter Notebook okruženju

Još jedna jednostavna funkcija je funkcija shape. Njenim pozivanjem kao rezultat dobijamo broj redova i kolona u vidu n-torke. U našem slučaju, titles.shape daće rezultat (6234, 11).

Sledeći korak je eliminisanje svih duplikata iz baze. Konkretno, u našoj bazi trenutno se nalazi jedan duplikat. Kada u bazi imamo ponovljene zapise, to utiče na relevantnost podataka koji se predstavljaju kao krajnji rezultat neke analize. Iz tog razloga je neophodno rešiti se duplikata. Biblioteka pandas to omogućava funkcijom <code>drop_duplicates()</code>. Nakon izvršenja naredbe <code>titles.drop_duplicates()</code> pokrenućemo i komandu <code>title.shape</code> kako bismo potvrdili da je rezultat sada (6233, 11), odnosno 6233 reda i 11 kolona.

Kao i duplikate, jednako je nepoželjno imati i nepostojeće vrednosti u tabeli, jer su takve vrednosti ignorisane od strane svih operacija kao što su sumiranje, prosek, prebrojavanje i slično. Ukoliko bismo pristupili obrađivanju takvih podataka, naši rezultati bi izgubili na relevantnosti. Ovakve vrednosti se u pandas biblioteci javljaju kao None i np.nan vrednosti. Postoje dve metode rešavanja ovog problema:

- brisanje redova koji sadrže nepostojeće vrednosti;
- zamena nepostojećih vrednosti nekim drugim.

Funkcija koja nam olakšava prebrojavanje ovih vrednosti je isnull() funkcija, koju ćemo za našu bazu podataka pozvati komandom titles.isnull(). Na slici ispod je prikazano kako ova funkcija postavlja vrednosti ćelija na *True* i *False* u odnosu na to da li u ćeliji vrednost postoji ili ne (slika 4.12).

	type	title	director	cast	country	date_added	release_year	rating	duration	listed_in	description
show_id											
81145628	False	False	False	False	False	False	False	False	False	False	False
80117401	False	False	True	False	False	False	False	False	False	False	False
70234439	False	False	True	False	False	False	False	False	False	False	False
80058654	False	False	True	False	False	False	False	False	False	False	False
80125979	False	False	False	False	False	False	False	False	False	False	False
	(444	2000	****	1949	(600)	1999	931	8880	1866	10.51	121)
80000063	False	False	True	False	False	True	False	False	False	False	False
70286564	False	False	True	False	False	True	False	False	False	False	False
80116008	False	False	True	True	True	True	False	True	False	False	False
70281022	False	False	True	False	False	True	False	False	False	False	False
70153404	False	False	True	False	False	True	False	False	False	False	False

Slika 4.12. Rezultat korišćenja isnull() funkcije nad netflix_titles.csv fajlom u Jupyter
Notebook okruženju

Ova funkcija v<mark>izuelno ne može da obuh</mark>vati sve ćelije sa nepostojećim vrednostima i gotovo je nemoguće takve vrednosti prebrojati. Iz ovog razloga uvedena je funkcija isnull().sum(), koja rešava ovaj problem tako što sve nepostojeće vrednosti prikazuje zbirno po kolonama. Pokretanje komande titles.isnull().sum() daje rezultate prikazane na slici 4.13).

```
Out[76]: type
         title
                            0
         director
                         1969
         cast
                          570
         country
                          476
         date added
                           11
         release year
                            0
         rating
                           10
         duration
                            0
         listed in
                            0
         description
                            0
         dtype: int64
```

Slika 4.13. Prikaz sumiranih nepostojećih vrednosti po kolonama korišćenjem isnull().sum() funkcije u Jupyter Notebook okruženju

Sledeći korak je odluka o tome da li će se nepostojeće vrednosti brisati ili će dobiti neku drugu vrednost. U slučaju da želimo da se rešimo podataka bez vrednosti, koristićemo funkciju dropna(), odnosno za naš konkretni fajl titles.dropna().

Ako bolje pogledamo količine podataka koje nedostaju, brisanje ovih zapisa dovešće do gubitka bar trećine baze podataka kojoj ti podaci koji nemaju vrednost možda i nisu od ključnog značaja. Drugi način da se nepostojeće vrednosti obrišu je da se eliminišu samo kolone koje sadrže nepostojeće vrednosti. Ovo se vrši specificiranjem parametra axis=1 u dropna() funkciji.

Međutim, brisanje podataka uglavnom nije dobra praksa. Češća solucija ovakvog problema svodi se na dodeljivanje vrednosti podatku. Ova vrednost može biti **mean** ili **median**. Mean vrednost predstavlja prosek svih unetih podataka iz te kolone, dok *median* traži središnji element od ukupnog broja elemenata u koloni zanemarujući njegovu vrednost. Zatim se pronađena vrednost dodeljuje svim elementima koji vrednost nemaju, u našem slučaju funkcijom titles.mean().

S obzirom na to da u našoj tabeli ne postoje numeričke vrednosti čiju sredinu možemo nekom dodeliti, potrebno je da tekstualne podatke dovedemo u red. Ako obratimo pažnju na sumirani izveštaj o nepostojećim vrednostima po kolonama, primetićemo da skoro trećini zapisa nedostaje podatak o režiseru.

Za početak ćemo izdvojiti kolonu režisera tako što ćemo listu režisera smestiti u promenljivu directors. Zatim ćemo za novokrejrani okvir podataka prikazati prvih pet zapisa, kako bismo imali uvid u to kako trenutno izgledaju naši podaci u tom zapisu (slika 4.15).

```
Primer izdvajanja kolone u cilju regulisanja NA vrednosti:
    import pandas as pd
    titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)
    directors = title['director']
    directors.head()
```

```
Out[84]: show_id

81145628 Richard Finn, Tim Maltby

80117401 NaN

70234439 NaN

80058654 NaN

80125979 Fernando Lebrija

Name: director, dtype: object
```

Slika 4.14. Prikaz prvih pet zapisa liste režisera pripremljene za obradu NA podataka u Jupyter Notebook okruženju

Ono što je ostalo da bude urađeno je zamena NA vrednosti nekim konkretnim podatkom. Za zamenu koristimo funkciju fillna(), kojoj prosleđujemo obavezni parametar value, koji predstavlja novu vrednost koju želimo da postavimo; u našem slučaju će to biti **Unknown**. U vidu parametra ćemo takođe proslediti **inplace** boolean vrednost, koja za vrednost *True* ostavlja trajne izmene nad podacima. Nakon ovog izvršenja opet ćemo pokrenuti head() funkciju radi poređenja rezultata.

```
Primer promene NA vrednosti u koloni director korišćenjem fillna() funkcije:

directors.fillna(value='Unknown', inplace=True)
directors.head()
```

```
Out[87]: show_id
81145628 Richard Finn, Tim Maltby
80117401 Unknown
70234439 Unknown
80058654 Unknown
80125979 Fernando Lebrija
Name: director, dtype: object
```

Slika 4.15. Prom<mark>ena NA vrednosti po</mark>dataka u koloni director korišćenjem fillna() funkcije u Jupyter Notebook okruženju

Ovaj postupak je potrebno ponavljati za sve kolone dok se ne otklone sve nepostojeće vrednosti. Bez ovog koraka nema smisla da se obrada podataka započne.

Postoje i druge pogodnosti koje nam skladištenje po kolonama nudi. Evo kako bismo, na primer, podelili zapise u kategoriju filmova i kategoriju TV serija.

```
Primer kategorizacije i zbirnog prikaza zapisa prema nameni:
    import pandas as pd
    titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)
    types = titles['type']
    types.value_counts()
```

Out[92]: Movie 4265 TV Show 1969

Name: type, dtype: int64

Slika 4.16. Rezultat kategorizacije i zbirnog prikaza zapisa korišćenjem value_counts() funkcije u Jupyter Notebook okruženju

Kod analize podataka često ćemo se susretati sa situacijama gde ćemo morati da isecamo, selektujemo ili ekstraktujemo deo podataka za obradu. Da bismo vršili obradu podataka, moramo znati kojeg su oni tipa, što nam omogućava funkcija type() koja kao parametar prima podatak i vraća njegov tip. Ako, na primer, našu promenljivu types definisanu u prethodnom primeru prosledimo kao parametar ovoj funkciji, odnosno izvršimo type(types), za rezultat ćemo dobiti pandas.core.series.Series, što indikuje da je reč o koloni.

Da bismo dobili neki okvir podataka, dovoljno je da zapise neke kolone formiramo kao listu. Pogledajmo kako to izgleda na primeru formiranja okvira koji spaja kolone naziva filma *title* i godine izlaska *release_date* u promenljivoj titles_df.

```
Primer formiranja DataFrame okvira podatka spajanjem kolona:
    import pandas as pd

    titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)
    titles_df = titles[['title','release_year']]
    type(titles_df)
    titles_df.head()
```

Komanda type(titles_df) ovoga puta za rezultat će dati **pandas.core.frame.DataFrame**, jer je reč o okviru podatka. Da bismo videli kako sada naši podaci izgledaju, koristimo titles_df.head() za prikaz prvih pet zapisa u našoj tabeli (slika 4.17).

Out[115]:		title	release_year
	show_id		
	81145628	Norm of the North: King Sized Adventure	2019
	80117401	Jandino: Whatever it Takes	2016
	70234439	Transformers Prime	2013
	80058654	Transformers: Robots in Disguise	2016
	80125979	#realityhigh	2017

Slika 4.17. Prikaz DataFrame okvira podataka spajanjem kolona title i release_year u vidu liste u Jupyter Notebook okruženju

Za rad sa delovima liste možemo se poslužiti isecanjem podataka. Recimo da želimo da uzmemo prve tri vrednosti iz gore prikazane tabele (slika 4.17). Funkcija iloc() nam to omogućava tako što za parametar uzima indekse zapisa iz tabele i vraća isečeni deo tabele. Pogledajmo kako na primeru naše novoformirane tabele izgleda isecanje prva tri zapisa.

```
Primer isecanja dela liste podataka korišćenjem iloc() funkcije:
    import pandas as pd

    titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)
    titles_df = titles[['title','release_year']]
    sliced_titles = titles_df.iloc[0:3]
    sliced_titles
```

Out[117]:			
		title	release_year
	show_id		:
	81145628	Norm of the North: King Sized Adventure	2019
	80117401	Jandino: Whatever it Takes	2016
	70234439	Transformers Prime	2013

Slika 4.18. Isecanje liste podataka korišćenjem iloc() funkcije u Jupyter Notebook okruženju

Za selekciju dela podataka moguće je koristiti i uslove. U sledećem primeru prikazaćemo kako da iz tabele koja sadrži preko 6000 filmova i TV serija možemo da selektujemo samo one koje su režirali Christopher Nolan i Quentin Tarantino.

Ovaj uslov je mogao da se napiše i na sledeći način, a da rezultat ostane nepromenjen:

```
titles_df[titles_df['director'].isin(['Christopher Nolan', 'Quentin
Tarantino'])].head()
```

2 1 - 2 2 2 3				
Out[121]:		director	title	release_year
	show_id			
	80064515	Quentin Tarantino	The Hateful Eight	2015
	70108777	Quentin Tarantino	Inglourious Basterds	2009
	70131314	Christopher Nolan	Inception	2010
	60031236	Quentin Tarantino	Kill Bill: Vol. 1	2003
	60032563	Quentin Tarantino	Kill Bill: Vol. 2	2004

Slika 4.19. Prikaz selekcije podataka korišćenjem uslova u Jupyter Notebook okruženju

Na prikaz podataka u pandas biblioteci mogu se primeniti i funkcije. Ono što je potrebno je da definišemo funkciju koja će da selektuje podatke na način na koji mi želimo, a zatim je pomoću apply() funkcije pandas paketa primenimo na željeni podatak.

Na našem primeru, prikazano je kako funkciju za kategorizaciju <code>category_function()</code> primenjujemo nad podacima <code>release_year</code>. Funkcija koju nad ovim podacima primenjujemo ponaša se na sledeći način: uzima podatak iz kolone i njegovu vrednost postavlja za parametar, da bi se tako prosleđen parametar poredio sa vrednošću u funkciji. Ovaj postupak se ponavlja za svaki podatak u listi nad kojom obavljamo funkciju. U nastavku prikazujemo kako rezultati ove funkcije izgledaju u prva tri zapisa naše tabele.

```
Primer korišćenja funkcije za selekciju podataka:
    import pandas as pd

    titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)

def category_function(x):
    if x >= 2015:
        return "new movie"
    else:
        return "old movie"

df = titles[['title','release_year']]
    df['release_category'] = df['release_year'].apply(category_function)
    df.head(3)
```

Out[135]:		title	release_year	release_category
	show_id			
	81145628	Norm of the North: King Sized Adventure	2019	new movie
	80117401	Jandino: Whatever it Takes	2016	new movie
	70234439	Transformers Prime	2013	old movie

Slika 4.20. Prikaz rezultata primene korisnički definisane funkcije category_function() nad listom podataka u Jupyter Notebook okruženju

Biblioteka Matplotlib

Matpolib je jedna od najpopularnijih Python biblioteka za vizualizaciju podataka. Ova biblioteka je višeplatformska, odnosno, nije Python-specifična. Služi za kreiranje 2D skica na osnovu podataka skladištenih u nizovima, zbog čega koristi NumPy numeričku biblioteku Pythona, o kojoj će biti više reči u nastavku.

Za instalaciju ove biblioteke koristimo pip install matplotlib izjavu u komandnoj liniji, kao što smo to činili za ostale instalacije. Preduslovi za korišćenje ove biblioteke su posedovanje Python verzije 2.7 ili novije, kao i posedovanje NumPy biblioteke, koja dolazi zajedno sa instalacijom Python programskog jezika. U nastavku ćemo prikazati kako se vizualizacija koristi u Pythonu na primeru jednog jednostavnog nacrta.

Pre početka rada neophodno je da uvedemo Matplotlib biblioteku pod pseudonomom plt kao konvencijom pisanja. Zatim ćemo uvesti NumPy biblioteku, pod pseudonimom np, jer nam je potreban niz brojeva za pravljenje nacrta.

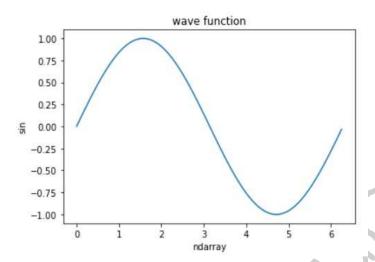
Za uvođenje n-dimenzionalnog niza koristimo funkciju arrange() NumPy biblioteke, čija prva dva parametra predstavljaju raspon niza, a treći povećanja vrednosti u tom rasponu, kao što to čini funkcija range() koju smo obradili u jednoj od prethodnih lekcija. Ovako raspoređenim elementima po x-osi dodaćemo sinusne vrednosti uglova pomoću funkcije sin() i dodeliti ih y-osi za realniji prikaz na našem grafiku. Za skiciranje našeg grafika koristimo plot() funkciju matplotlib biblioteke. Za iscrtavanje grafika moguće je definisati nazive x i y ose, kao i naziv krive funkcije koja je definisana. Sa ovako definisanim podacima moguće je izvršiti prikaz, što činimo komandom show(), koja za ulogu ima pozivanje prozora koji će ovaj nacrt grafički prikazati. Pogledajmo kako to izgleda u kodu.

Primer kreiranja jednostavnog nacrta korišćenjem biblioteka Matplotlib i NumPy:

```
from matplotlib import pyplot as plt
import numpy as np
import math

x = np.arange(0, math.pi*2, 0.05)
y = np.sin(x)

plt.plot(x,y)
plt.xlabel("ndarray")
plt.ylabel("sin")
plt.title("wave function")
plt.show()
```



Slika 4.21. Prikaz grafika kreiranog korišćenjem Matplotlib biblioteke u Jupyter Notebook okruženju

Postoji više načina za vizualizaciju podataka, kao što su, na primer, histogram ili *pie* dijagram. Za dvodimenzionalni prikaz nacrta neophodno je da u programu definišemo barem jednu regiju za prikaz i barem jednu osovinu koja sadrži dva objekta (x i y osu) kada je reč o 2D prikazu. 3D prikaz mora imati osovinu sa minimum tri objekta, odnosno tri ose.

Regija za prikaz u biblioteci Matplotlib je sadržana u klasi Figure, koja predstavlja natklasu svih klasa nacrta. Svaka regija za prikaz može imati više osovina, dok jedna osovina može biti sadržana samo u jednoj regiji. Objekat osovine ili Axes je osovinska regija koja služi za prikaz podataka. Pri kreiranju dvodimenzionalnih nacrta, neophodno je definisati podnacrte koji sadrže i regiju za prikaz i osovinski objekat, što činimo na sledeći način:

```
fig,ax = plt.subplot(subplot(nrows, ncols, index))
```

Da bismo mate<mark>riju približili i poveza</mark>li je sa dosadašnjim znanjem iz pandas biblioteke, prikazaćemo k<mark>ako Matplotlib može da posluži na našem primeru Netflix liste filmova i TV serija. Pogledajmo kako bi izgledao jedan histogram broja zapisa po godinama izlaska.</mark>

Primer korišćenja Matplotlib biblioteke za prikaz histograma podataka:

```
import pandas as pd
from matplotlib import pyplot as plt
import numpy as np

titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)
values = titles['release_year']

fig,ax = plt.subplots(1,1)

ax.hist(values, bins=np.arange(2010,2021,1))

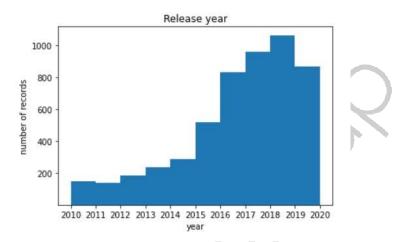
ax.set_title("Release year")

ax.set_xticks(np.arange(2010,2021,1))
```

```
ax.set_yticks(np.arange(200, 1200, 200))

ax.set_xlabel('year')
ax.set_ylabel('number of records')

plt.show()
```



Slika 4.22. Prikaz histograma kreiranog korišćenjem Matplotlib biblioteke na primeru netflix_titles.csv podataka u Jupyter Notebook okruženju

Pitanje

Za učitavanje CSV fajla sa podacima koristimo funkciju:

- pd.open_csv()
- pd.import_csv()
- pd.read_csv()
- pd.load_csv()

Objašnjenje:

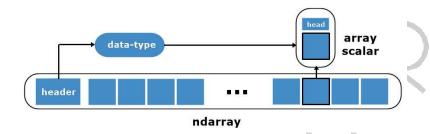
Za učitavanje fajla sa podacima koristimo $pd.read_csv()$. Ostale navedene funkcije ne postoje.

Biblioteka NumPy

Biblioteka **NumPy** nastala je od reči *numerički Python*. Ova biblioteka se sastoji od višedimenzionalnih nizova objekata i kolekcije funkcija koje se nad tim nizovima obavljaju. Uz pomoć biblioteke NumPy možemo da vršimo matematičke i logičke operacije, manipulaciju oblika, operacije linearne algebre i generisanje slučajnih vrednosti.

Kombinacija ove biblioteke sa Matplotlibom i Scipyjem, o kojem će biti više reči u nastavku, često se koristi kao zamena za MatLab računski jezik. Instalacija ove biblioteke nije potrebna, jer ona dolazi u paketu sa instalacijom Pythona.

Najvažniji objekat u NumPy biblioteci je n-dimenzionalni niz ili ndarray. Ovaj niz skladišti kolekciju podataka istog tipa u n dimenzija. Stavkama ove kolekcije može se pristupiti pomoću brojeva indeksa, koji počinju od broja 0. Svaka stavka u ovom nizu ima veličinu bloka dodeljenu u memoriji. Svaki element u memoriji je objekat tipa podatka ili dtype. Na sledećoj slici prikazan je odnos n-dimenzionalnog niza sa objektom tipa podatka.



Slika 4.23. Odnos n-dimenzionalnog niza i objekta tipa podatak

Postoji više načina kreiranja instance klase n-dimenzionalnog niza. Osnovna komanda za izvršenje kreiranja je numpy.array. Ova funkcija može da primi nekoliko parametara:

```
numpy.array(object, dtype = None, copy = True,
order = None, subok = False, ndmin = 0)
```

Prvi parametar odnosi se na objekat koji pretvaramo u niz. Ostali parametri su opcioni i odnose se na definisanje tipa podatka, pravljenje kopija, sortiranje, davanje permisija potklasama i određivanje minimalnog broja dimenzija niza, respektivno.

```
Primer kreiranja n-dimenzionalnog niza korišćenjem NumPy biblioteke:

import numpy as np

a = np.array([[0, 1], [2, 3]])
```

Objekat tipa podatka opisuje interpretaciju fiksnog bloka memorije koji odgovara polju u zavisnosti od sledećih aspekata:

- tip podatka može biti int, float ili Python Object;
- veličina podatka;
- raspored bajtova big endian ili little endian;
- ako su podaci strukturirani imena polja, tip podatka i memorijska lokacija za svako polje;
- ako su podaci podnizovi oblik i tip podataka.

Napomena

Redosled bajtova određuje se prefiksom > ili <, što indikuje kako su bajtovi u memoriji raspoređeni. Znak > koristimo za big endian, koji radi po principu skladištenja najznačajnijih bajtova na najmanjoj adresi, dok little endian koristi < prefiks za skladištenje najmanje važnih bajtova na najmanjoj adresi.

Objekat tipa podatka koristi strukturu numpy.dtype(object, align, copy), gde imamo parametar object, koji predstavlja tip podatka koji želimo da dodelimo; align, čija *True* vrednost skladišti sve na istoj memorijskoj lokaciji, i copy, čija *False* vrednost označava da će podaci koristiti reference predefinisanih objekata.

U nastavku ćemo prikazati primer jednog definisanog objekta tipa podatka. Ovaj objekat kao parametar prima strukturirane podatke koji obuhvataju jednu *int*, jednu *String* i jednu *float* vrednost. Objekat tipa podataka definisan je u promenljivoj *employee*.

```
Primer kreiranja objekta tipa podatka korišćenjem NumPy biblioteke:
   import numpy as np
   employee = np.dtype([('id', 'il'), ('name','S20'), ('salary', 'f4')])
   a = np.array([(100, 'Jack', 2500.0),(101, 'Johnnie', 1500.0)],
        dtype = employee)
```

Biblioteka NumPy nudi različite mogućnosti u pogledu naprednih računskih operacija koje bez uvđenja ovog paketa nisu moguće. Tu spadaju kreiranje matrica, matematičke, statističke i aritmetičke operacije, funkcije stringova, indeksiranje i slično. Za konkretan primer upotrebe ove biblioteke možemo se osvrnuti na numpy.arange(start, stop, step, dtype), čiju smo praktičnu primenu prikazali na našem primeru sa obradom netfliks_titles.csv podataka u kombinaciji sa Matplotlib bibliotekom (slika 4.22).

Biblioteka SciPy

Biblioteka **SciPy** daje mogućnost naprednog računanja u oblastima matematike, nauke i inženjerstva. Ova biblioteka zavisi od NumPyja, koji pruža pogodnu i brzu manipulaciju ndimenzionalnim nizovima. Napravljena je u svrhu poboljšanja numeričke integracije i optimizacije ovih nizova radi veće efikasnosti i lakšeg korišćenja.

Ova biblioteka dolazi zajedno sa instalacijom Python programskog jezika. Alternativna opcija je instalacija popularne pandas biblioteke koja sadrži SciPy pozivanjem sada već poznate komande u našoj komandnoj liniji: pip install scipy.

Uvođenje SciPy biblioteke u naš program ne zahteva eksplicitno uvođenje NumPyja. Glavni objekat NumPyja je homogeni višedimenzionalni niz koji sadrži elemente iste vrste indeksirane pozitivnim celim brojevima. Dimenzije ovih nizova označene su osama, dok broj osa predstavlja rank. Kako ovi nizovi rade sa podacima – imali smo priliku da vidimo u segmentu posvećenom NumPy biblioteci, te ovde to nećemo ponovo objašnjavati.

SciPy podržava neverovatno mnogo mogućnosti i modula koji nam omogućavaju da vršimo operacije klasteriranja, fizičkih i matematičkih ograničenja, interpolacije, ulaza i izlaza, linearne algebre, optimizacije itd. Kako ova biblioteka utiče na poboljšanje nizova sa više dimenzija – proverićemo na primeru klasteriranja.

K-means klastering je metoda za određivanje grupa podataka (klastera) i njihovih centara u skupu neobeleženih podataka. Klaster možemo posmatrati kao skup podataka (tačaka) čije je rastojanje malo u poređenju sa rastojanjem od tačaka izvan klastera. *K-means* ponavlja sledeća dva koraka u procesu klasteriranja:

- za svaki centar identifikuje se skup tačaka koje su bliže njemu nego bilo kom drugom centru;
- u svakom klasteru računa se srednja vrednost obeležja podataka, koja postaje novi centar.

Ovi koraci se ponavljaju dok centri ne prestanu da se pomeraju ili podaci ne prestanu da se menjaju. SciPy ima dobru implementaciju k-meansa, koju ćemo testirati na našem primeru sa podacima iz netflix_titles.csv fajla. Za početak ćemo uvesti kmeans, vq i whiten funkcije iz naše biblioteke koja radi sa klasterima, a zatim ćemo objasniti šta svaka od njih znači.

Kao podatke za rad uzećemo ranije kreiranu listu kolone $release_year$ iz našeg standardnog CSV fajla o filmovima i TV serijama. Korišćenjem whiten() funkcije, svaki od podataka podeljen je standardnim odstupanjem kako bi se dobila varijacija po jedinici. Funkcija kmeans() vrši klasterizaciju elemenata po gore objašnjenom postupku, sve dok ne postigne broj klastera koji je zadat u vidu parametra zajedno sa podacima koji su prosleđeni za klasteriranje. Te klastere nazivamo centroidima. Na kraju funkcija vq() upoređuje svaki vektor sa centroidima i dodeljuje posmatranje najbližem klasteru. Da bismo imali predstavu o tome kako ovi podaci zapravo izgledaju, prikazaćemo ih na ekranu.

```
Primer klasteriranja podataka korišćenjem SciPy biblioteke:

import pandas as pd
from scipy.cluster.vq import kmeans,vq,whiten

titles = pd.read_csv('netflix_titles.csv', index_col=0)
values = titles['release_year']

values = whiten(values)
Centroids,_ = kmeans(values,5)
clx,_ = vq(values,centroids)

print(centroids)
print(clx)
```

Rezultat ispisivanja:

```
[228.69777413 229.03154631 228.08294991 223.96282228 226.87700184]
[1 0 0 ... 0 0 4]
```

Bilblioteka scikit-learn

Biblioteka **scikit-learn** je najpoznatija besplatna Python biblioteka za mašinsko učenje, koja sadrži različite algoritme klasifikacije, regresije, klasteriranja i sl. Mašinsko učenje predstavlja granu u računarskoj nauci koja proučava dizajn algoritama koji imaju sposobnost učenja. Tipični zadaci su konceptualno učenje, funkcionalno učenje ili prediktivno modeliranje, klasteriranje i pronalaženje predvidivih obrazaca. Ti se zadaci uče putem dostupnih podataka koji su promatrani kroz iskustva i uputstva.

S obzirom na to da je ova biblioteka izgrađena na SciPy biblioteci, za njeno funkcionisanje potrebno je posedovanje sledećih paketa: NumPy, SciPy, Matplotlib, iPython, SymPy, pandas. Pored ovoga, potrebno je, naravno, i da komandom pip install sklearn-learn pokrenemo instalaciju scikit-learn biblioteke.

Nakon instalacije, kao i sa ostalim bibliotekama, počinjemo rad uvođenjem biblioteke u program komandom import sklearn. Da bismo prikazali kako ova biblioteka radi sa podacima, prvo moramo da definšemo te podatke. Ova biblioteka ima modul *datasets*, koji automatski generiše neki set veštačkih podataka. U narednom primeru prikazano je kako generišemo podatke za rad putem funkcije load_digits().

Primer generisanja veštačkog seta podataka korišćenjem scikit-learn biblioteke:

```
from sklearn import datasets

digits = datasets.load_digits()
print(digits)
```

Kada pokrenete ovaj kod, primetićete da se u vašem *Jupyter Notebook* okruženju pojavio neki set podataka koji je skladišten u rečniku, što znači da u svojoj strukturi sadrži neke ključ-vrednost parove. Radi lakšeg snalaženja u ovom setu podataka, proverićemo sa kojim ključevima u tom setu raspolažemo pomoću komande print(digits.keys()). Zadata komanda nam prikazuje sledeće:

```
dict_keys(['data', 'target', 'frame', 'feature_names', 'target_names',
'images', 'DESCR'])
```

Ovakav pregle<mark>d podataka već omogućav</mark>a lakše pretraživanje. Pogledajmo, na primer, kakvu strukturu podataka sadrže *data* i *target* ključevi. Prvi ključ predstavlja posmatrane podatke koji su prikupljeni, dok drugi predstavlja ciljani skup podataka koje želimo bolje da razumemo. Njihovu strukturu ćemo proveriti pomoću već korišćene funkcije koju sadrži i *pandas* biblioteka, a to je shape().

Primer ispitivanja strukture podataka u scikit-learn biblioteci:

```
from sklearn import datasets
digits = datasets.load_digits()
digits_data = digits.data
print(digits data.shape)
```

```
digits_target = digits.target
print(digits_target.shape)
```

Kao rezultat dobićemo (1797, 64) i (1797,). Ovo znači da su podaci skladišteni u 1797 redova i 64 kolone i da imamo 1797 ciljanih vrednosti.

Kao što smo već spomenuli, scikit-learn biblioteka je u potpunosti prilagođena mašinskom učenju. Njeni moduli su vrlo jednostavni za korišćenje, što je dodatan razlog za njihovu široku primenu. U nastavku prikazujemo konkretnu primenu ove biblioteke na primeru stabla klasifikacije i regresije.

Počinjemo sa uvođenjem modula za setove podataka, metrike i drva odlučivanja. Kao set podataka koristićemo ugrađeni Pythonov set *Iris*, nad kojim ćemo primeniti algoritam drva odlučivanja CART (Classification and Regression Trees). Model podataka koji ćemo koristiti je **DecisionTreeClassifier()**. Njemu ćemo proslediti sistemski generisane podatke i ciljane vrednosti pomoću ugrađene funkcije fit(). Kao očekivane – *expected* podatke definisaćemo ciljane, a za predviđanje – *predicted* ćemo koristiti ugrađenu funkciju predict(), kojoj ćemo proslediti podatke. Na kraju štampamo rezultate tačnosti klasifikacije i matrice konfuzije.

```
Primer klasifikacije stabla i regresije korišćenjem scikit-learn biblioteke:

    from sklearn import datasets
    from sklearn import metrics
    from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier

    dataset = datasets.load_iris()
    model = DecisionTreeClassifier()
    model.fit(dataset.data, dataset.target)

    expected = dataset.target
    predicted = model.predict(dataset.data)
    print(metrics.classification_report(expected, predicted))
    print(metrics.confusion_matrix(expected, predicted))
```

	precision	recall	f1-score	support
0	1.00	1.00	1.00	50
1	1.00	1.00	1.00	50
2	1.00	1.00	1.00	50
accuracy			1.00	150
macro avg	1.00	1.00	1.00	150
weighted avg	1.00	1.00	1.00	150
[[50 0 0] [0 50 0] [0 0 50]]				

Slika 4.24. Rezultati tačnosti klasifikacije i matrice konfuzije u Jupyter Notebook okruženju

Regresija

Nauka podataka i mašinsko učenje pokreću odluke u finansijskom i energetskom sektoru, napredak medicine, porast društvenih mreža i još mnogo toga. Linearna regresija jedna je od osnovnih tehnika statističkog i mašinskog učenja. Bez obzira na to da li želite da uradite statistiku, mašinsko učenje ili naučno računanje, šanse da ćete se susresti sa linearnom regresijom su velike.

Regresija traži odnose između promenljivih. Na primer, možemo pokušati da utvrdimo matematičku zavisnost cena kuća od njihovih površina, broja spavaćih soba, udaljenosti od centra grada i slično. Generalno, u regresijskoj analizi obično uzimamo u obzir neki fenomen koji nas zanima i pravimo niz zapažanja. Svako zapažanje ima dve ili više karakteristika. Još jedna od pretpostavki je da bar jedna od tih karakteristika zavisi od ostalih. Cilj regresije je da pokušamo da uspostavimo zavisnost među tim karakteristikama.

Drugim rečima, potrebna nam je funkcija koja neke karakteristike ili promenljive dovoljno dobro mapira sa drugima. Ova funkcija ima ulaze kao nezavisne promenljive koje se nazivaju još i *prediktori*, i izlaze kao zavisne promenljive, odnosno *autpute*. Nezavisne promenljive x mogu biti kontinualne, diskretne i kategoričke (pol, nacionalnost i sl.), dok zavisne promenljive y obično čini jedna varijabla koja je kontinualna. Ako postoje dve ili više nezavisnih promenljivih, one se označavaju kao vektor x=(x1,...xn), gde je n broj vektora. Linearnu regresiju prema broju izlaza možemo podeliti na jednostavnu, odnosno regresiju sa jednim izlazom, i višestruku, tj. onu koja ima više od jednog izlaza. U nastavku ćemo svoja objašnjenja temeljiti na primeru jednostavne regresije.

Ako promenljivom *b0* obeležimo koeficijent korelacije ulaza i izlaza, a promenljivom *b1* nagib regresione prave, formula koja određuje funkciju linearne regresije će izgledati ovako:

$$y = b0 + b1*x$$

Recimo da se y odnosi na obeležje telesne težine i da želimo da ispitamo da li se ona menja sa promenama visine x. Dakle, u tom slučaju bi težina bila zavisna varijabla, a visina nezavisna. U našem primeru radićemo na takvom skupu podataka. Cilj je napraviti regresioni model koji će za rezultat imati što veći broj vrednosti koje pripadaju linearnoj pravoj i što manje vrednosti sa kvadratnim odstupanjima.

Kao set podat<mark>aka za rad uzećemo jav</mark>no dostupne podatke sa <u>ovog linka</u>. Reč je o fajlu *data.csv*, koji sadrži podatke o visini i težini slučajno izabranih pojedinaca. Učitavanje fajla vršimo pomoću pandas biblioteke, kao što je to objašnjeno ranije u ovoj lekciji.

Napomena

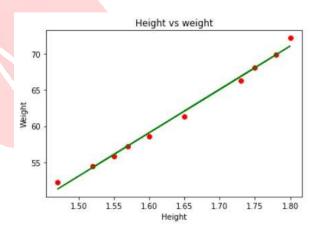
Veoma je važno da fajl uploadujete u svoj Jupyter Notebook da bi učitavanje podataka moglo da se izvrši. U suprotnom će se pojaviti greška o nepostojećem fajlu.

Podatke iz učitanog fajla zatim smeštamo u promenljive x i y tako što uzimamo vrednosti sa indeksiranih lokacija pomoću funkcije iloc[], koja prikuplja sve podatke iz zadate kolone. Pre nego što počnemo da izrađujemo model, podatke iz kolona x i y moramo da podelimo na **test** i **training** podatke. *Test* podaci predstavljaju porciju podataka koja se testira, dok *training* set služi za izgradnju modela, odnosno, na tim podacima prilagođavamo svoj model.

Kao parametar funkcije train_test_split, koja razdvaja promenljive, uvodimo dve nove promenljive, u koje smeštamo podatke i veličinu porcije podataka za testiranje.

Sledeći korak je uklapanje linearne regresije u *training* set, a zatim i predviđanje izlaza *y* na osnovu vrednosti parametra *x*, kao što smo to činili u primeru sa <u>stablom</u> odlučivanja korišćenjem scikit-learn biblioteke. Na kraju, korišćenjem *Matplotlib* biblioteke vizualizujemo dobijene podatke, kao što činili i ranije u ovoj lekciji.

Primer linearne regresije korišćenjem biblioteka za analizu podataka: import numpy as np import matplotlib.pyplot as plt import pandas as pd from sklearn.model_selection import train_test_split from sklearn.linear_model import LinearRegression dataset = pd.read_csv('data.csv') x = dataset.iloc[:, :-1].valuesy = dataset.iloc[:, -1].values x_train, x_test, y_train, y_test = train_test_split(x, y, test_size = 0.2) model = LinearRegression() model.fit(x_train, y_train) y pred = model.predict(x test) plt.scatter(x_train, y_train, color = 'red') plt.plot(x train, model.predict(x train), color = 'green') plt.title('Height vs weight') plt.xlabel('Height') plt.ylabel('Weight') plt.show()



Slika 4.25. Rezultat analize podataka korišćenjem modela Linearne Regresije u Jupyter Notebook okruženju

Rezime

- Analiza podataka podrazumeva proces inspekcije, filtriranja, transformacije i modeliranja podataka u cilju formiranja korisnih informacija, donošenja informisanih odluka i podrške u odlučivanju.
- Za analizu podataka možemo koristiti alate za automatsko upravljanje ili programske iezike.
- Analiza podataka ima pet ključnih faza: prikupljanje podataka, prečišćavanje, oblikovanje, proučavanje i aktivnosti nad podacima.
- Jupyter Notebook je web aplikacija otvorenog koda koja se koristi za kreiranje i deljenje dokumenata koji sadrže kod, jednačinu, vizualizaciju i tekst u realnom vremenu.
- Na biblioteci pandas temelji se struktura analiza podataka u Pythonu. Njene osnovne komponente su kolone i okviri podataka. Pruža mogućnost učitavanja CSV, JSON i SQL fajlova. Podržava funkcije pronalaženja nepostojećih vrednosti data.isna().sum(), otpuštanja tih vrednosti data.dropna() i njihove zamene data.fillna(), kao i mnoge druge funkcije namenjene pripremi podataka za analizu, kao što je npr. otpuštanje duplikata pd.drop_duplicates().
- Matplotlib je biblioteka za vizualizaciju podataka. Koristi NumPy numeričku biblioteku. Svaki 2D nacrt u ovoj biblioteci mora da ima jednu regiju za prikaz Figure, koja predstavlja natklasu biblioteke, i jednu osovinsku regiju Axes, koja sadrži dva objekta (x i y osu). Nacrt definišemo linijom fig,ax=plt.subplot(nrows, ncols).
- NumPy je numerička biblioteka na kojoj se baziraju n-dimenzionalni nizovi ndarray. Ovi nizovi skladište kolekciju podataka istog tipa u n dimenzija. Svaka stavka u ovom nizu ima veličinu bloka dodeljenu u memoriji, a svaki element u memoriji predstavlja objekat tipa podatka ili dtype.
- SciPy je biblioteka naprednog računanja u oblastima matematike, nauke i inženjerstva. Zahteva podršku NumPy biblioteke za manipulaciju n-dimenzionalnim nizovima. Sadrži module za operacije klasteriranja, fizičkih i matematičkih ograničenja, interpolacije, ulaza i izlaza, linearne algebre, optimizacije itd.
- Najpopularija biblioteka za mašinsko učenje je scikit-learn. Sadrži različite algoritme klasifikacije, regresije, klasteriranja i sl. Poseduje ugrađeni modul za veštačko generisanje podataka *dataset*. Koristi funkciju fit() za kreiranje modela sa željenim parametrima i funkciju predict() za predviđanje.
- Regresija je ispitivanje zavisnosti izlaznih komponenti od ulaznih. Regresija može biti jednostavna (sa jednim izlazom) i višestruka (sa više izlaza). Cilj je generisanje što manjih vrednosti kvadratnih odstupanja. Koristi scikit-learn, NumPy i Matplotlib kao obavezne biblioteke. Primenjuje train/test metodu, koja odvaja podatke na dve porcije: za izgradnju modela i za testiranje tačnosti modela.