



**“Año de la unidad, la paz y el desarrollo”**



**Curso: GESTIÓN DE TOMA DE DECISIONES**

**Profesor: MAGNO TEOFILO BALDEON TOVAR**

**Alumno: Gonzales Chavez Kieffer**

**Ciclo: III**

**Sección: A1**

**HYO 2023**

45. Una empresa de instalaciones dispone de 195 kg de cobre, 20 kg de titanio y 14 kg de aluminio. Para fabricar 100 metros de cable de tipo A se necesitan 10 kg de cobre, 2 de titanio y 1kg de aluminio, mientras que para fabricar 100 metros de cable de tipo B se necesitan 15 kg de cobre, 1 de titanio y 1 de aluminio. El beneficio que se obtiene por 100 metros de cable de tipo A es de 1500 euros, y por 100 metros de cable de tipo B, 1000 euros. Calcular los metros de cable de cada tipo que hay que fabricar para maximizar el beneficio de la empresa. Obtener dicho beneficio máximo.

solución manual

VARIABLES:	
$x_1$ = Cantidad de "rollos" A. $x_2$ = Cantidad de "rollos" B.	
FUNCIÓN OBJETIVO:	FILA OBJETIVO:
Maximizar: $Z = 1500x_1 + 1000x_2$	$-1500x_1 - 1000x_2 + Z = 0$
RESTRICCIONES:	IGUALDADES:
$\begin{cases} 10x_1 + 15x_2 \leq 195 & (1) \\ 2x_1 + x_2 \leq 20 & (2) \\ x_1 + x_2 \leq 14 & (3) \end{cases}$	$\begin{cases} 10x_1 + 15x_2 + S_1 = 195 \\ 2x_1 + x_2 + S_2 = 20 \\ x_1 + x_2 + S_3 = 14 \end{cases}$

solución con el software

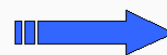
Pasamos el problema a la forma estándar, añadiendo variables de exceso, holgura, y artificiales según corresponda (**mostrar/ocultar detalles**)

- Como la restricción 1 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_3$ .
- Como la restricción 2 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_4$ .
- Como la restricción 3 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_5$ .

**MAXIMIZAR:**  $Z = 1500 X_1 + 1000 X_2$

sujeto a

$$\begin{aligned} 10 X_1 + 15 X_2 &\leq 195 \\ 2 X_1 + 1 X_2 &\leq 20 \\ 1 X_1 + 1 X_2 &\leq 14 \\ X_1, X_2 &\geq 0 \end{aligned}$$



**MAXIMIZAR:**  $Z = 1500 X_1 + 1000 X_2 + 0 X_3 + 0 X_4 + 0 X_5$

sujeto a

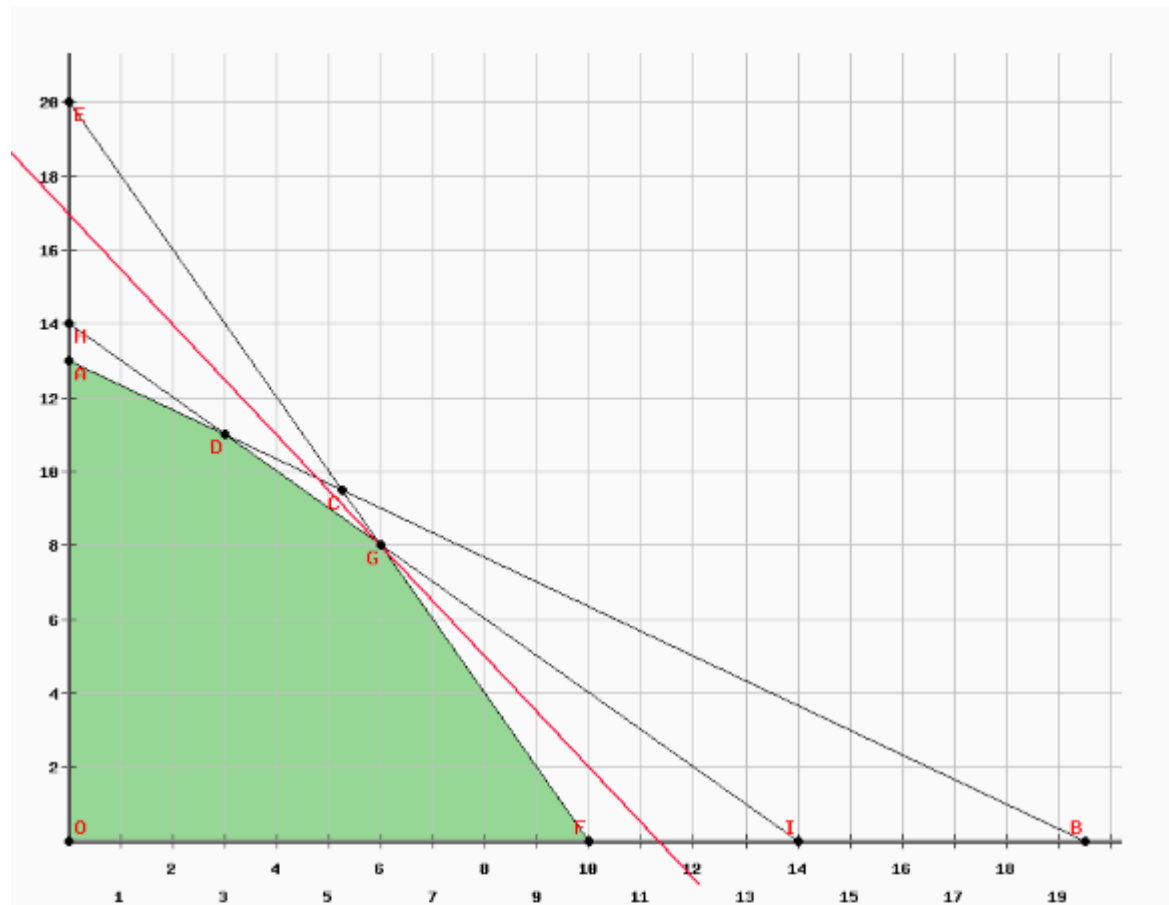
$$\begin{aligned} 10 X_1 + 15 X_2 + 1 X_3 &= 195 \\ 2 X_1 + 1 X_2 + 1 X_4 &= 20 \\ 1 X_1 + 1 X_2 + 1 X_5 &= 14 \\ X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 &\geq 0 \end{aligned}$$

Pasamos a construir la primera tabla del método Simplex.

<b>Tabla 1</b>			1500	1000	0	0	0
<b>Base</b>	<b>C<sub>b</sub></b>	<b>P<sub>0</sub></b>	<b>P<sub>1</sub></b>	<b>P<sub>2</sub></b>	<b>P<sub>3</sub></b>	<b>P<sub>4</sub></b>	<b>P<sub>5</sub></b>
P <sub>3</sub>	0	195	10	15	1	0	0
P <sub>4</sub>	0	20	2	1	0	1	0
P <sub>5</sub>	0	14	1	1	0	0	1
<b>Z</b>		0	-1500	-1000	0	0	0

<b>Tabla 2</b>			1500	1000	0	0	0
<b>Base</b>	<b>C<sub>b</sub></b>	<b>P<sub>0</sub></b>	<b>P<sub>1</sub></b>	<b>P<sub>2</sub></b>	<b>P<sub>3</sub></b>	<b>P<sub>4</sub></b>	<b>P<sub>5</sub></b>
P <sub>3</sub>	0	95	0	10	1	-5	0
P <sub>1</sub>	1500	10	1	0.5	0	0.5	0
P <sub>5</sub>	0	4	0	0.5	0	-0.5	1
<b>Z</b>		15000	0	-250	0	750	0

<b>Tabla 3</b>			1500	1000	0	0	0
<b>Base</b>	<b>C<sub>b</sub></b>	<b>P<sub>0</sub></b>	<b>P<sub>1</sub></b>	<b>P<sub>2</sub></b>	<b>P<sub>3</sub></b>	<b>P<sub>4</sub></b>	<b>P<sub>5</sub></b>
P <sub>3</sub>	0	15	0	0	1	5	-20
P <sub>1</sub>	1500	6	1	0	0	1	-1
P <sub>2</sub>	1000	8	0	1	0	-1	2
<b>Z</b>		17000	0	0	0	500	500



Punto	Coordenada X ( $X_1$ )	Coordenada Y ( $X_2$ )	Valor de la función objetivo (Z)
O	0	0	0
A	0	13	13000
B	19.5	0	29250
C	5.25	9.5	17375
D	3	11	15500
E	0	20	20000
F	10	0	15000
G	6	8	17000
H	0	14	14000
I	14	0	21000

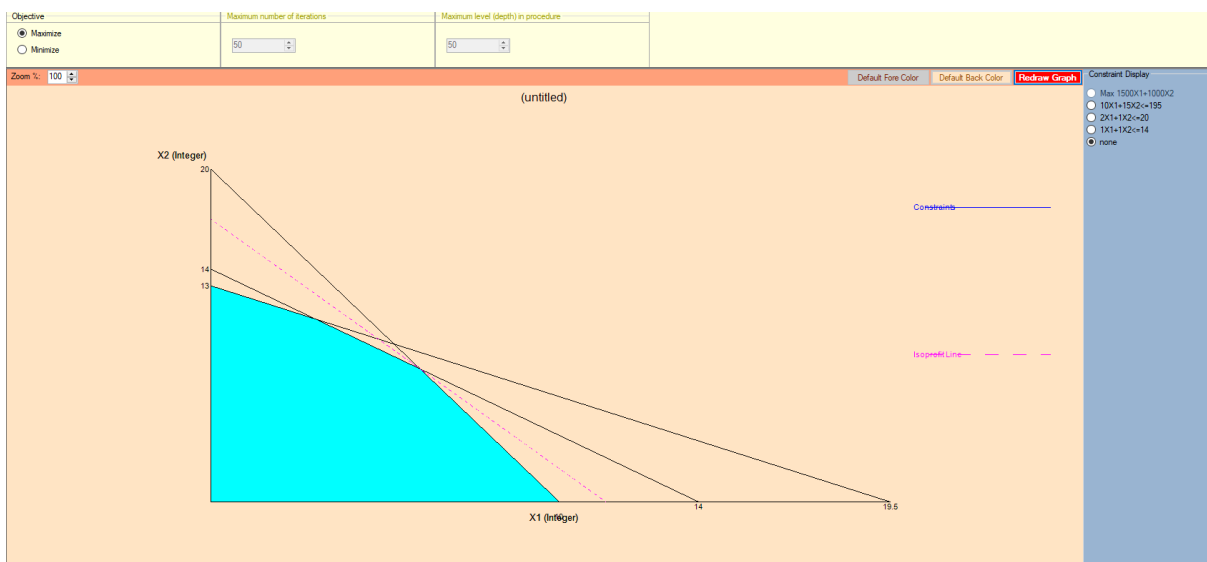
Objective	Maximum number of iterations	Maximum level (depth) in procedure
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize	50	50

(untitled)					
	X1	X2		RHS	
Maximize	1500	1000			Max 1500X1 + 1000X2
Constraint 1	10	15	<=	195	10X1 + 15X2 <= 195
Constraint 2	2	1	<=	20	2X1 + X2 <= 20
Constraint 3	1	1	<=	14	X1 + X2 <= 14
Variable type (click to set)	Integer	Integer			

Integer & Mixed Integer Programming Results		
(untitled) Solution		
Variable	Type	Value
X1	Integer	6
X2	Integer	8
Solution value		17000

Iteration Results						
(untitled) Solution						
Iteration	Level	Added constraint	Solution type	Solution Value	X1	X2
			Optimal	17000	6	8
1	0		INTEGER	17000	6	8

Original Problem with solution				
(untitled) Solution				
	X1	X2		RHS
Maximize	1500	1000		
Constraint 1	10	15	$\leq$	195
Constraint 2	2	1	$\leq$	20
Constraint 3	1	1	$\leq$	14
Variable type (click to set)	Integer	Integer		
Solution->	6	8	Optimal Z->	17000



**SOLUCIÓN DE EJERCICIOS**

Una compañía que funciona 10 horas al día fabrica dos productos en tres procesos secuenciales. La siguiente tabla resume los datos del problema:

Producto	Minutos por unidad			Utilidad Unitaria
	Proceso 1	Proceso 2	Proceso 3	
1	10	6	8	\$2
2	5	20	10	\$3

#### SOLUCIÓN MANUAL:

Restricciones (Sabemos que):

- Se producen dos productos P1 y P2
- P1 requiere 10 min en el proceso 1, 6 min en el proceso 2 y 8 min en el proceso 3
- P2 requiere 5 min en el proceso 1, 20 min en el proceso 2 y 10 min en el proceso 3
- El tiempo disponible para cada proceso es de 600 min al día.
- La utilidad unitaria por el P1 es \$2 y por P2 es \$3.

No sabemos:

- Cuántas unidades debemos producir de P1, por lo que le llamaremos  $X_1$
- Cuántas unidades debemos producir de P2, por lo que le llamaremos  $X_2$

Con la información obtenida contruimos el modelo matemático del problema lineal.

$$\text{Max } Z = 2 \cdot X_1 + 3 \cdot X_2$$

Sujeto a:

$$10 \cdot X_1 + 5 \cdot X_2 \leq 600 \quad (\text{restricción de tiempo en el proceso 1})$$

$$6 \cdot X_1 + 20 \cdot X_2 \leq 600 \quad (\text{restricción de tiempo en el proceso 2})$$

$$8 \cdot X_1 + 10 \cdot X_2 \leq 600 \quad (\text{restricción de tiempo en el proceso 3})$$

$$X_1 \geq 0$$

$$X_2 \geq 0$$

#### SOLUCIÓN CON EL SOFTWARE ONLINE:

Método:

¿Cuántas variables de decisión tiene el problema?

¿Cuántas restricciones?

¿Cuál es el objetivo de la función?

Función:   $X_1$  +   $X_2$

Restricciones:

$X_1$  +   $X_2$

$X_1$  +   $X_2$

$X_1$  +   $X_2$

$X_1, X_2 \geq 0$

Pasamos el problema a la forma estándar, añadiendo variables de exceso, holgura, y artificiales según corresponda (**mostrar/ocultar detalles**)

- Como la restricción 1 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_3$ .
- Como la restricción 2 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_4$ .
- Como la restricción 3 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_5$ .

$$\text{MAXIMIZAR: } Z = 2 X_1 + 3 X_2$$

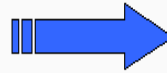
sujeto a

$$10 X_1 + 5 X_2 \leq 600$$

$$6 X_1 + 20 X_2 \leq 600$$

$$8 X_1 + 10 X_2 \leq 600$$

$$X_1, X_2 \geq 0$$



$$\text{MAXIMIZAR: } Z = 2 X_1 + 3 X_2 + 0 X_3 + 0 X_4 + 0 X_5$$

sujeto a

$$10 X_1 + 5 X_2 + 1 X_3 = 600$$

$$6 X_1 + 20 X_2 + 1 X_4 = 600$$

$$8 X_1 + 10 X_2 + 1 X_5 = 600$$

$$X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 \geq 0$$

Pasamos a construir la primera tabla del método Simplex.

Continuar

Solución directa

Guardar el ejercicio

Tabla 1			2	3	0	0	0
Base	$C_b$	$P_0$	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P_4$	$P_5$
$P_3$	0	600	10	5	1	0	0
$P_4$	0	600	6	20	0	1	0
$P_5$	0	600	8	10	0	0	1
<b>Z</b>		0	-2	-3	0	0	0

Continuar

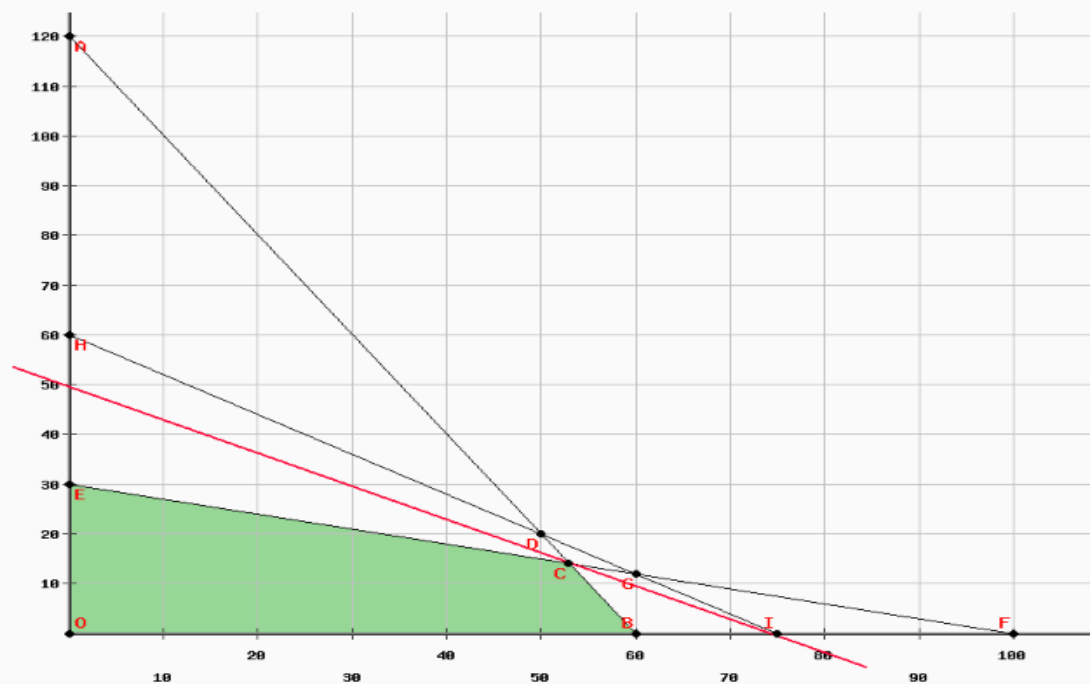
Tabla 2			2	3	0	0	0
Base	$C_b$	$P_0$	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P_4$	$P_5$
$P_3$	0	450	8.5	0	1	-0.25	0
$P_2$	3	30	0.3	1	0	0.05	0
$P_5$	0	300	5	0	0	-0.5	1
<b>Z</b>		90	-1.1	0	0	0.15	0

Continuar

detalles)

Tabla 3			2	3	0	0	0
Base	C <sub>b</sub>	P <sub>0</sub>	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	P <sub>5</sub>
P <sub>1</sub>	2	52.941176470588	1	0	0.11764705882353	-0.029411764705882	0
P <sub>2</sub>	3	14.117647058824	0	1	-0.035294117647059	0.058823529411765	0
P <sub>3</sub>	0	35.294117647059	0	0	-0.58823529411765	-0.35294117647059	1
Z		148.23529411765	0	0	0.12941176470588	0.11764705882353	0





Punto	Coordenada X ( $X_1$ )	Coordenada Y ( $X_2$ )	Valor de la función objetivo (Z)
O	0	0	0
A	0	120	360
B	60	0	120
C	52.941176470588	14.117647058824	148.23529411765
D	50	20	160
E	0	30	90
F	100	0	200
G	60	12	156
H	0	60	180
I	75	0	150

CON EL SOFTWARE POM QM:

Excel - File - Dec 0, 07 - Selected cells formatting

Create data set for Integer & Mixed Integer Programming

TITLE: (untitled) Modify default title

Number of Constraints: 2

Number of Variables: 3

Objective

☒ Maximize

☐ Minimize

Row Names Column Names Overview

☒ Constraint 1, Constraint 2, Constraint 3,...

☐ a, b, c, d, e, ...

☐ A, B, C, D, E, ...

☐ 1, 2, 3, 4, 5, ...

☐ January, February, March, ...

Click here to set start month ▼

☐ Other

Cancel Help OK

Objective		Maximum number of iterations			
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize		<div>50</div>			
(untitled)					
	X1	X2		RHS	
Maximize	2	3			Max 2X1 + 3X2
Constraint 1	10	5	<=	600	10X1 + 5X2 <...
Constraint 2	6	20	<=	600	6X1 + 20X2 <...
Constraint 3	8	10	<=	600	8X1 + 10X2 <...
Variable type (click to set)	Integer	Integer			

Objective	Maximum number of iterations
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize	50

Integer && Mixed Integer Progra... [min] [max] [close]

(untitled) Solution

Variable	Type	Value
X1	Integer	53
X2	Integer	14
Solution value		148

Objective	Maximum number of iterations	Maximum level (depth) in procedure
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize	50	50

Integer && Mixed Integer Progra... [min] [max] [close]

(u) Iteration Results [min] [max] [close]

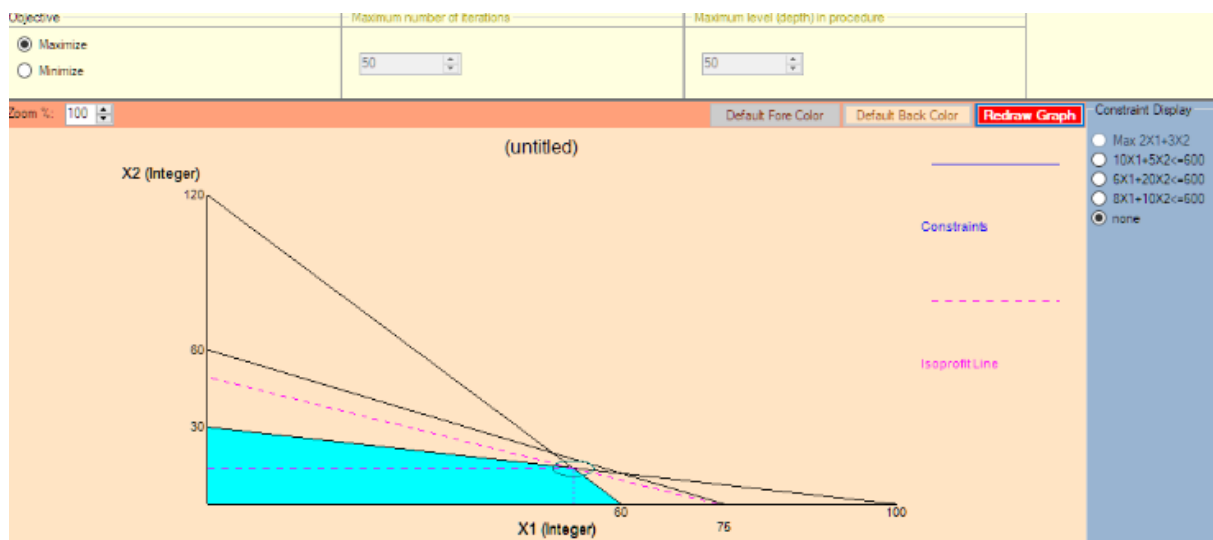
(untitled) Solution

Iteration	Level	Added constraint	Solution type	Solution Value	X1	X2
			Optimal	148	53	14
1	0		NONinteger	148.24	52.94	14.12
2	1	X1 <= 52	NONinteger	147.2	52	14.4
3	2	X2 <= 14	INTEGER	146	52	14
4	2	X2 >= 15	Suboptimal	145	50	15
5	1	X1 >= 53	INTEGER	148	53	14

Iteration Results				
Original Problem with solution				
(untitled) Solution				
	X1	X2		RHS
Maximize	2	3		
Constraint 1	10	5	<=	600
Constraint 2	6	20	<=	600
Constraint 3	8	10	<=	600
Variable type (click to set)	Integer	Integer		
Solution->	53	14	Optim...	148

Iteration	X1	X2
1	53	14
2	52.94	14.12
3	52	14.4
4	52	14
5	50	15
6	53	14



## EJERCICIO 2

El club Win Big Gambling promueve el juego en giras de una ciudad grande el medio oeste de Estados Unidos a los casinos en las Bahamas. El club tiene un presupuesto de hasta \$8,000 semanales para anuncios locales. El dinero se asignará entre cuatro medios de comunicación: spots en televisión, anuncios en periódicos y dos tipos de comerciales en radio. La meta de Win Big es llegar a la audiencia de mayor potencial más grande posible, usando los diferentes medios de comunicación.

La siguiente tabla presenta el número de jugadores potenciales expuestos mediante un anuncio en cada uno de los cuatro medios. También proporciona el costo por anuncio colocado y el máximo número de ellos que se puede comprar por semana.

MEDIO	AUDIENCIA ALCANZADA POR ANUNCIO	COSTO POR ANUNCIO (\$)	MÁXIMO DE ANUNCIOS POR SEMANA
Spot en TV (1 minuto)	5,000	800	12
Periódico (una plana)	8,500	925	5
Spot en radio (30 segundos, horario estelar)	2,400	290	25
Spot de radio (1 minuto, en la tarde)	2,800	380	20

Las condiciones contractuales de Win Big requieren que se coloquen al menos cinco spots de radio cada semana. Para asegurar una campaña promocional de amplio espectro, la gerencia también insiste en que no se gasten más de \$1,800 por semana en los comerciales de radio.

### SOLUCIÓN MANUAL:

Objetivo: Maximizar el número de gente (audiencia) expuesta

Restricciones:

1. No se pueden colocar más de 12 comerciales en TV.
2. No se pueden utilizar más de 5 anuncios en periódicos.
3. No se pueden usar más de 25 comerciales de 30 segundos en radio.
4. No se pueden usar más de 20 comerciales de 1 minuto en radio.
5. El total gastado no debe exceder \$8,000.
6. El número total de comerciales en radio tiene que ser, por lo menos, de 5.
7. La cantidad total gastada en comerciales de radio no debe exceder \$1,800

Después se definen las variables de decisión. Las decisiones que se toman son el número de comerciales de cada tipo que se contratarán. Una vez que se conocen, pueden utilizarse para calcular la cantidad gastada y el número de personas expuestas.

Sea:

$X_1$  = número de spots de TV de 1 minuto en cada semana

$X_2$  = número de anuncios de 1 plana en el periódico en cada semana

$X_3$  = número de spots de radio de 30 segundos en cada semana

$X_4$  = número de spots de radio de 1 minuto por la tarde en cada semana

Luego, con estas variables, se escriben las expresiones matemáticas para el objetivo y las restricciones que se identificaron. Las restricciones de no negatividad también se establecen en forma explícita.

#### Modelo matemático de programación lineal

Objetivo:  $\text{Max } Z = 5000X_1 + 8500X_2 + 2400X_3 + 2800X_4$

Sujeto a:

$$X_1 \leq 12 \text{ (máximo de spots en TV/semana)}$$

$$X_2 \leq 5 \text{ (máximo de anuncios en periódicos/semana)}$$

$$X_3 \leq 25 \text{ (máximo de spots de 30s en radio/semana)}$$

$$X_4 \leq 20 \text{ (máximo de spots de 1 m en radio/semana)}$$

$$800X_1 + 925X_2 + 290X_3 + 380X_4 \leq \$8000 \text{ (presupuesto semanal de publicidad)}$$

$$X_3 + X_4 \geq 5 \text{ (mínimos de spots en radio contratados)}$$

$$290X_3 + 380X_4 \leq \$1800 \text{ (máximo de dólares gastados en radio)}$$

$$X_1, X_2, X_3, X_4 \geq 0$$

## SOLUCIÓN CON EL SOFTWARE ONLINE

Método: Simplex / Dos Fases

¿Cuántas variables de decisión tiene el problema? 4

¿Cuántas restricciones? 7

Continuar

¿Cuál es el objetivo de la función? Maximizar

Función: 5000  $X_1$  + 8500  $X_2$  + 2400  $X_3$  + 2800  $X_4$

Restricciones:

1  $X_1$  + 0  $X_2$  + 0  $X_3$  + 0  $X_4$   $\leq$  12

0  $X_1$  + 1  $X_2$  + 0  $X_3$  + 0  $X_4$   $\leq$  5

0  $X_1$  + 0  $X_2$  + 1  $X_3$  + 0  $X_4$   $\leq$  25

0  $X_1$  + 0  $X_2$  + 0  $X_3$  + 1  $X_4$   $\leq$  20

800  $X_1$  + 925  $X_2$  + 290  $X_3$  + 380  $X_4$   $\leq$  8000

0  $X_1$  + 00  $X_2$  + 1  $X_3$  + 1  $X_4$   $\leq$  5

0  $X_1$  + 0  $X_2$  + 290  $X_3$  + 380  $X_4$   $\leq$  1800

$X_1, X_2, X_3, X_4 \geq 0$

Continuar

Pasamos el problema a la forma estándar, añadiendo variables de exceso, holgura, y artificiales según corresponda (mostrar/ocultar detalles)

- Como la restricción 1 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_5$ .
- Como la restricción 2 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_6$ .
- Como la restricción 3 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_7$ .
- Como la restricción 4 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_8$ .
- Como la restricción 5 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_9$ .
- Como la restricción 6 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_{10}$ .
- Como la restricción 7 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_{11}$ .

MAXIMIZAR:  $Z = 5000 X_1 + 8500 X_2 + 2400 X_3 + 2800 X_4$

sujeto a

$$\begin{aligned} 1 X_1 + 0 X_2 + 0 X_3 + 0 X_4 &\leq 12 \\ 0 X_1 + 1 X_2 + 0 X_3 + 0 X_4 &\leq 5 \\ 0 X_1 + 0 X_2 + 1 X_3 + 0 X_4 &\leq 25 \\ 0 X_1 + 0 X_2 + 0 X_3 + 1 X_4 &\leq 20 \\ 800 X_1 + 925 X_2 + 290 X_3 + 380 X_4 &\leq 8000 \\ 0 X_1 + 00 X_2 + 1 X_3 + 1 X_4 &\leq 5 \\ 0 X_1 + 0 X_2 + 290 X_3 + 380 X_4 &\leq 1800 \\ X_1, X_2, X_3, X_4 &\geq 0 \end{aligned}$$



MAXIMIZAR:  $Z = 5000 X_1 + 8500 X_2 + 2400 X_3 + 2800 X_4 + 0 X_5 + 0 X_6 + 0 X_7 + 0 X_8 + 0 X_9 + 0 X_{10} + 0 X_{11}$

sujeto a

$$\begin{aligned} 1 X_1 + 1 X_5 &= 12 \\ 0 X_1 + 1 X_2 + 1 X_6 &= 5 \\ 0 X_1 + 1 X_3 + 1 X_7 &= 25 \\ 0 X_1 + 1 X_4 + 1 X_8 &= 20 \\ 800 X_1 + 925 X_2 + 290 X_3 + 380 X_4 + 1 X_9 &= 8000 \\ 0 X_1 + 1 X_3 + 1 X_{10} &= 5 \\ 0 X_1 + 290 X_3 + 380 X_4 + 1 X_{11} &= 1800 \\ X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6, X_7, X_8, X_9, X_{10}, X_{11} &\geq 0 \end{aligned}$$

Pasamos a construir la primera tabla del método Simplex.

Tabla 1			5000	8500	2400	2800	0	0	0	0	0	0	0
Base	C <sub>b</sub>	P <sub>0</sub>	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	P <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	P <sub>7</sub>	P <sub>8</sub>	P <sub>9</sub>	P <sub>10</sub>	P <sub>11</sub>
P <sub>5</sub>	0	12	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
P <sub>6</sub>	0	5	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
P <sub>7</sub>	0	25	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0
P <sub>8</sub>	0	20	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0
P <sub>9</sub>	0	8000	800	925	290	380	0	0	0	0	1	0	0
P <sub>10</sub>	0	5	0	0	1	1	0	0	0	0	0	1	0
P <sub>11</sub>	0	1800	0	0	290	380	0	0	0	0	0	0	1
Z		0	-5000	-8500	-2400	-2800	0	0	0	0	0	0	0

Tabla 2			5000	8500	2400	2800	0	0	0	0	0	0	0
Base	C <sub>b</sub>	P <sub>0</sub>	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	P <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	P <sub>7</sub>	P <sub>8</sub>	P <sub>9</sub>	P <sub>10</sub>	P <sub>11</sub>
P <sub>5</sub>	0	12	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
P <sub>2</sub>	8500	5	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
P <sub>7</sub>	0	25	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0
P <sub>8</sub>	0	20	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0
P <sub>9</sub>	0	3375	800	0	290	380	0	-925	0	0	1	0	0
P <sub>10</sub>	0	5	0	0	1	1	0	0	0	0	0	1	0
P <sub>11</sub>	0	1800	0	0	290	380	0	0	0	0	0	0	1
Z		42500	-5000	0	-2400	-2800	0	8500	0	0	0	0	0

Tabla 3			5000	8500	2400	2800	0	0	0	0	0	0	0
Base	C <sub>b</sub>	P <sub>0</sub>	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	P <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	P <sub>7</sub>	P <sub>8</sub>	P <sub>9</sub>	P <sub>10</sub>	P <sub>11</sub>
P <sub>5</sub>	0	7.78125	0	0	-0.3625	-0.475	1	1.15625	0	0	-0.00125	0	0
P <sub>2</sub>	8500	5	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
P <sub>7</sub>	0	25	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0
P <sub>8</sub>	0	20	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0
P <sub>1</sub>	5000	4.21875	1	0	0.3625	0.475	0	-1.15625	0	0	0.00125	0	0
P <sub>10</sub>	0	5	0	0	1	1	0	0	0	0	0	1	0
P <sub>11</sub>	0	1800	0	0	290	380	0	0	0	0	0	0	1
Z		63593.75	0	0	-587.5	-425	0	2718.75	0	0	6.25	0	0

Optimización de recursos (problema de transporte)

Tabla 4			5000	8500	2400	2800	0	0	0	0	0	0	0
Base	C <sub>b</sub>	P <sub>0</sub>	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	P <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	P <sub>7</sub>	P <sub>8</sub>	P <sub>9</sub>	P <sub>10</sub>	P <sub>11</sub>
P <sub>5</sub>	0	9.59375	0	0	0	-0.1125	1	1.15625	0	0	-0.00125	0.3625	0
P <sub>2</sub>	8500	5	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
P <sub>7</sub>	0	20	0	0	0	-1	0	0	1	0	0	-1	0
P <sub>8</sub>	0	20	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0
P <sub>1</sub>	5000	2.40625	1	0	0	0.1125	0	-1.15625	0	0	0.00125	-0.3625	0
P <sub>3</sub>	2400	5	0	0	1	1	0	0	0	0	0	1	0
P <sub>11</sub>	0	350	0	0	0	90	0	0	0	0	0	-290	1
Z		66531.25	0	0	0	162.5	0	2718.75	0	0	6.25	587.5	0

☐ Mostrar resultados como fracciones.

La solución óptima es Z = 66531.25

X<sub>1</sub> = 2.40625

X<sub>2</sub> = 5

X<sub>3</sub> = 5

X<sub>4</sub> = 0

## 1. CON EL SOFTWARE POM QM VERSIÓN 5

Create data set for Integer && Mixed Integer Programming

TITLE: (untitled) Modify default title

Number of Constraints: 7

Number of Variables: 4

Objective: ☒ Maximize ☐ Minimize

Row Names: ☒ Constraint 1, Constraint 2, Constraint 3, ...  
☐ a, b, c, d, e, ...  
☐ A, B, C, D, E, ...  
☐ 1, 2, 3, 4, 5, ...  
☐ January, February, March, ...  
Click here to set start month ▼  
☐ Other

Cancel Help OK

Objective	Maximum number of iterations					Maximum level
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize	<input type="text" value="50"/>					<input type="text" value="50"/>
(untitled)						
	X1	X2	X3	X4		RHS
Maximize	5000	8500	2400	2800		Max 5000X1 + ...
max spots en tv	1	0	0	0	<=	12 X1 <= 12
max spots en periodicos	0	0	0	0	<=	5 <= 5
max spots de 30s en radio	0	0	1	0	<=	25 X3 <= 25
max spots 1m en radio	0	0	0	1	<=	20 X4 <= 20
presupuesto semanal pu...	800	925	290	380	<=	8000 800X1 + 925X...
minimo spot en radio con...	0	0	1	1	<=	5 X3 + X4 <= 5
maximo de dolares en ra...	0	0	290	380	<=	1800 290X3 + 380X...
Variable type (click to set)	Integer	Integer	Integer	Integer		

Objective	Maximum level
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize	50

Integer && Mixed Integer Progra...

(untitled) Solution

Variable	Type	Value
X1	Integer	0
X2	Integer	8
X3	Integer	2
X4	Integer	0
Solution value		72800



Objective	Maximum number of iterations	Maximum level (depth) in procedure
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize	50	50

Integer && Mixed Integer Progra...

Iteration Results

(untitled) Solution

Iteration	Level	Added constraint	Solution type	Solution Value	X1	X2	X3	X4
			Optimal	72800	0	8	2	0
1	0		NONinteger	73513.52	0	8.65	0	0
2	1	X2<= 8	NONinteger	72965.52	0	8	2.07	0
3	2	X3<= 2	NONinteger	72947.37	0	8	2	.05
4	3	X4<= 0	NONinteger	72925	.03	8	2	0
5	4	X1<= 0	INTEGER	72800	0	8	2	0
6	4	X1>= 1	Suboptimal	71162.16	1	7.78	0	0
7	3	X4>= 1	Suboptimal	72620.69	0	8	.76	1
8	2	X3>= 3	Suboptimal	72718.92	0	7.71	3	0
9	1	X2>= 9	Infeasible					

Objective	Maximum number of iterations	Maximum level (depth) in procedure
<input checked="" type="radio"/> Maximize <input type="radio"/> Minimize	50	50

Integer && Mixed Integer Progra...

Iteration Results

(untitled) Solution

	X1	X2	X3	X4	RHS
Maximize	5000	8500	2400	2800	
max spots en tv	1	0	0	0	<= 12
max spots en periodicos	0	0	0	0	<= 5
max spots de 30s en radio	0	0	1	0	<= 25
max spots 1m en radio	0	0	0	1	<= 20
presupuesto semanal pu...	800	925	290	380	<= 8000
minimo spot en radio con...	0	0	1	1	<= 5
maximo de dolares en ra...	0	0	290	380	<= 1800
Variable type (click to set)	Integer	Integer	Integer	Integer	
Solution->	0	8	2	0	Optim... 72800

	X2	X3	X4
0	8	2	0
0	8.65	0	0
0	8	2.07	0
0	8	2	.05
.03	8	2	0
0	8	2	0
1	7.78	0	0
0	8	.76	1
0	7.71	3	0

46. Un taller fabrica 2 clases de cinturones de piel. En cada cinturón A de alta calidad gana 40 centavos y en cada cinturón B de baja calidad gana 30 centavos. El taller puede producir diariamente 500 cinturones de tipo B o 250 de tipo A. Solo se dispone de piel para 400 cinturones diarios A y B combinados y de 200 hebillas elegantes para el cinturón A y de 350 hebillas diarias para el cinturón B. ¿Qué producción maximizará la ganancia?

Solución con software libre :

Pasamos el problema a la forma estándar, añadiendo variables de exceso, holgura, y artificiales según corresponda (mostrar/ocultar detalles)

- Como la restricción 1 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_3$ .
- Como la restricción 2 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_4$ .
- Como la restricción 3 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_5$ .
- Como la restricción 4 es del tipo ' $\leq$ ' se agrega la variable de holgura  $X_6$ .

**MAXIMIZAR:**  $Z = 40 X_1 + 30 X_2$

sujeto a

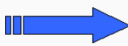
$2 X_1 + 1 X_2 \leq 500$

$1 X_1 + 1 X_2 \leq 400$

$1 X_1 + 0 X_2 \leq 200$

$0 X_1 + 1 X_2 \leq 350$

$X_1, X_2 \geq 0$



**MAXIMIZAR:**  $Z = 40 X_1 + 30 X_2 + 0 X_3 + 0 X_4 + 0 X_5 + 0 X_6$

sujeto a

$2 X_1 + 1 X_2 + 1 X_3 = 500$

$1 X_1 + 1 X_2 + 1 X_4 = 400$

$1 X_1 + 1 X_5 = 200$

$0 X_1 + 1 X_2 + 1 X_6 = 350$

$X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6 \geq 0$

Pasamos a construir la primera tabla del método Simplex.

### Método Simplex

Tabla 1			40	30	0	0	0	0
Base	$C_b$	$P_0$	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P_4$	$P_5$	$P_6$
$P_3$	0	500	2	1	1	0	0	0
$P_4$	0	400	1	1	0	1	0	0
$P_5$	0	200	1	0	0	0	1	0
$P_6$	0	350	0	1	0	0	0	1
<b>Z</b>		0	-40	-30	0	0	0	0

☐ Mostrar resultados como fracciones.

La variable que sale de la base es  $P_5$  y la que entra es  $P_1$ .

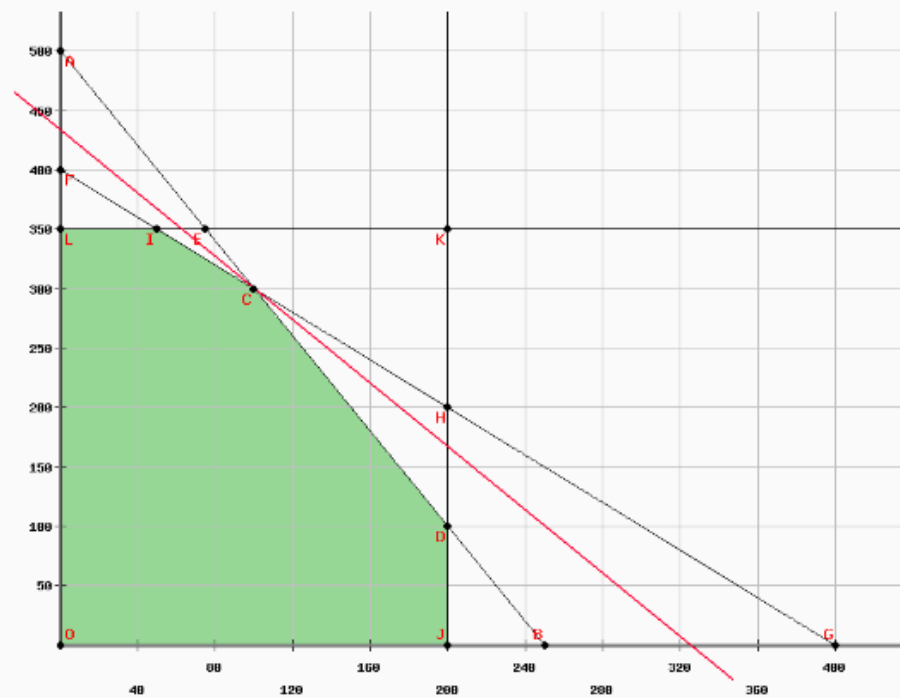
### Método Simplex

Operaciones intermedias (mostrar/ocultar detalles)

Tabla 4			40	30	0	0	0	0
Base	$C_b$	$P_0$	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P_4$	$P_5$	$P_6$
$P_2$	30	300	0	1	-1	2	0	0
$P_5$	0	100	0	0	-1	1	1	0
$P_1$	40	100	1	0	1	-1	0	0
$P_6$	0	50	0	0	1	-2	0	1
<b>Z</b>		13000	0	0	10	20	0	0

☐ Mostrar resultados como fracciones.

La solución óptima es  $Z = 13000$   
 $X_1 = 100$   
 $X_2 = 300$



Punto	Coordenada X ( $X_1$ )	Coordenada Y ( $X_2$ )	Valor de la función objetivo (Z)
O	0	0	0
A	0	500	15000
B	250	0	10000
C	100	300	13000
D	200	100	11000
E	75	350	13500
F	0	400	12000
G	400	0	16000
H	200	200	14000
I	50	350	12500
J	200	0	8000
K	200	350	18500
L	0	350	10500

**Solución con software POM QM v.5 :**

(untitled)					
	X1	X2		RHS	
Maximize	40	30			Max $40X1 + 30X2$
Constraint 1	2	1	$\leq$	500	$2X1 + X2 \leq 500$
Constraint 2	1	1	$\leq$	400	$X1 + X2 \leq 400$
Constraint 3	1	0	$\leq$	200	$X1 \leq 200$
Constraint 4	0	1	$\leq$	350	$X2 \leq 350$
Variable type (click to set)	Integer	Integer			

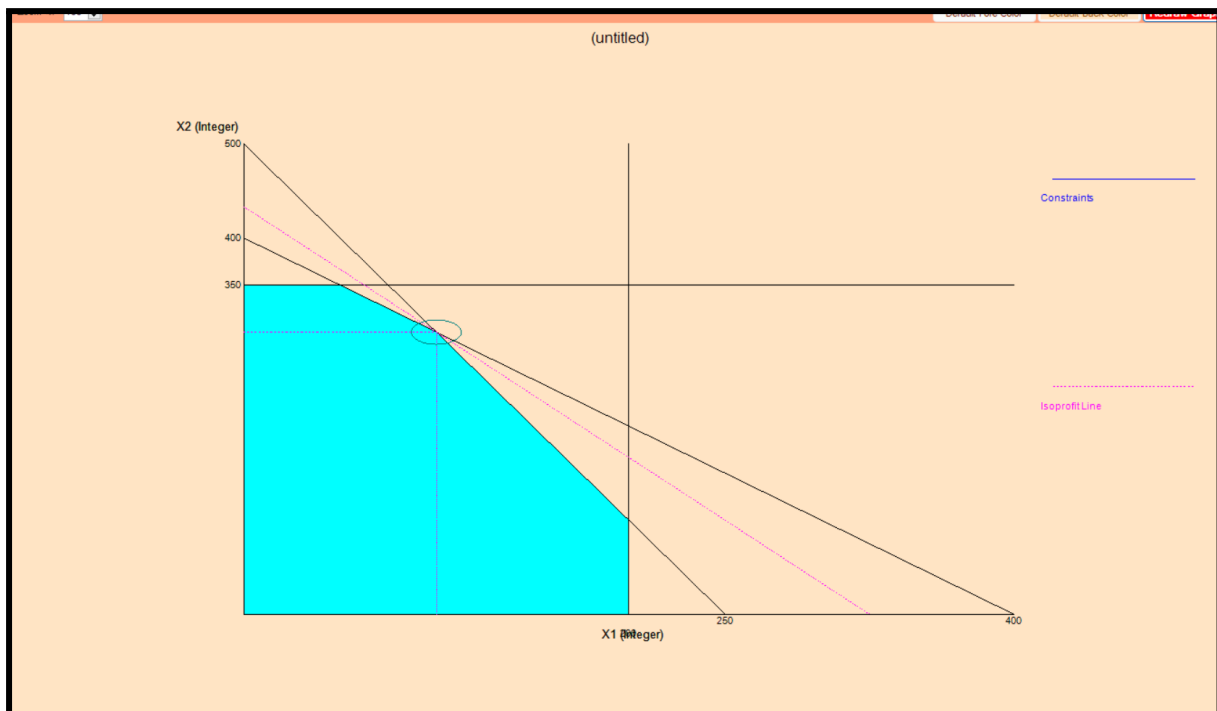
Integer && Mixed Integer Programming Results		
(untitled) Solution		
Variable	Type	Value
X1	Integer	100
X2	Integer	300
Solution value		13000

Iteration Results						
(untitled) Solution						
Iteration	Level	Added constraint	Solution type	Solution Value	X1	X2
			Optimal	13000	100	300
1	0		INTEGER	13000	100	300

Original Problem with solution

(untitled) Solution

	X1	X2		RHS
Maximize	40	30		
Constraint 1	2	1	$\leq$	500
Constraint 2	1	1	$\leq$	400
Constraint 3	1	0	$\leq$	200
Constraint 4	0	1	$\leq$	350
Variable type (click to set)	Integer	Integer		
Solution->	100	300	Optim...	13000



FALTA VERSION 3