

## Tercera tarea examen

Sea  $\pi(x) = x^{16} + x^{13} + x^{11} + x^6 + 1$ , un polinomio primitivo sobre  $\mathbb{F}_2$ . Por lo visto en clase sabemos que si  $\alpha = 2$  es una raíz de  $\pi(x)$ , entonces 2 es un generador de  $\mathbb{F}_{2^{16}}^*$  (i.e.  $\langle 2 \rangle = \mathbb{F}_{2^{16}}^*$ ). Compruebe que el orden de 2 es  $2^{16} - 1$ . Tomando  $a = 12345$ , encuentre la llave publica  $y = \alpha^a$ . Mas aun, siguiendo el algoritmo de firma para ElGamal, y suponiendo que  $k = 11$ , encontrar la  $r$  y la  $s$  de la firma del archivo “Documento” (use “SHAfa” como algoritmo de digestion). Tambien encontrar  $y^r$ ,  $r^s$ ,  $v_1$  y  $v_2$ .

Referencia: Ver Seccion 11.5.2 (pp. 454 y 455) en el capitulo 11 del libro de Menezes (mando dicho capitulo tambien como un anexo).