

# ΑΝΑΓΝΩΡΙΣΗ ΠΡΟΤΥΠΩΝ

Φαναρίδου Κυριακούλα

9° εξάμηνο

AEM: 57830

## ΑΣΚΗΣΗ 1

Οι κώδικες για την συνάρτηση διάκρισης , την ευκλείδεια απόσταση και την mahalanobis βρίσκονται στο αρχείο code3 $_1$ 2

Γ) Η Mahalanobis απόσταση είναι ένας ταξινομητής που χρησιμοποιείται για μη διαγώνιους πίνακες συνδιασποράς όπου η μεγιστοποίηση της  $g_i(x)$  είναι ισοδύναμη με την ελαχιστοποίηση της  $\Sigma^{-1}$ , δηλαδη:

$$d_m = ((x-\mu_i))^T \Sigma^{-1} (x-\mu_i))^{1/2}$$

### ΑΣΚΗΣΗ 2

Οι κώδικες βρίσκονται στο αρχείο code3 1 2

- 1. Το σημείο διαχωρισμού για τις δύο κατηγορίες είναι το -5.0855<x<4.33746 Για την εύρεση του αφαιρούμε τις συναρτήσεις διάκρισης για  $P(\omega_1) = P(\omega_2) = \frac{1}{2}$
- 2. Υπολογίζουμε το εμπειρικό σφάλμα κατάρτισης με τα δείγματα για  $x_1$ , δηλαδή τα δείγματα που ταξινομήθηκαν λάθος είναι 0.3 για την κλάση  $ω_1$  και 0.3 για την κλάση  $ω_2$ .
- 3. Ομοίως, υπολογίζουμε τα σφάλματα για  $x_1$  και  $x_2$  είναι 0.5 για την κλάση  $\omega_1$  και 0.4 για την κλάση  $\omega_2$ .
- 4. Υπολογίζουμε τα σφάλματα για  $x_1$  και  $x_2$  και  $x_3$  είναι 0.2 για την κλάση  $\omega_1$  και 0.1 για την κλάση  $\omega_2$ .
- 5. Παρατηρούμε πως η προσθήκη περισσότερων χαρακτηριστικών δεν μειώνει απαραίτητα το σφάλμα της ταξινόμησης. Είναι λογικό πως για να πετύχουμε καλύτερη ταξινόμηση των δειγμάτων πρέπει να αυξηθούν τόσο τα χαρακτηριστικά όσο και το πλήθος των δειγμάτων.
- 6. Οι συναρτήσεις διαχωρισμού των κατηγοριών είναι 3 για [x1,x2] , [x2,x3], [x1,x3] και παρατίθενται στο matlab αρχείο.

#### ΑΣΚΗΣΗ 3

#### Αρχείο code3 3

 Το Α υπολογίζεται π/2 ή 1.5708
Από την αρχική κατανομή του θ που μας δίνεται ολοκληρώνοντας με όρια το 0,1 βρίσκουμε την τιμή του Α.

$$\int_{0}^{1} A * \sin(\theta * \pi) d\theta = 1 => A * \int_{0}^{1} \sin(\theta * \pi) d\theta => A \frac{1}{\pi} [-\cos \pi + \cos 0] => A = \pi/2$$

Το Α βρίσκεται ομοίως και με κώδικα matlab.

2. Για να σχεδιασθεί το p(θ|D¹) για ένα νόμισμα που πετάμε N=10 φορές και φέρνουμε {κ,κ,γ,κ,γ,κ,κ,κ,γ,κ} χρησιμοποιούμε τον τύπο

$$\mathsf{P}\big(\boldsymbol{\theta} \,\big|\, \mathsf{D}^{\mathsf{n}}\big) = \frac{\boldsymbol{\theta}^{k}(1-\boldsymbol{\theta})^{N-k}p(\boldsymbol{\theta}|D^{\mathsf{0}})}{integral(\boldsymbol{\theta}^{k}(1-\boldsymbol{\theta})^{N-k}p(\boldsymbol{\theta}|D^{\mathsf{0}})d\boldsymbol{\theta}}$$

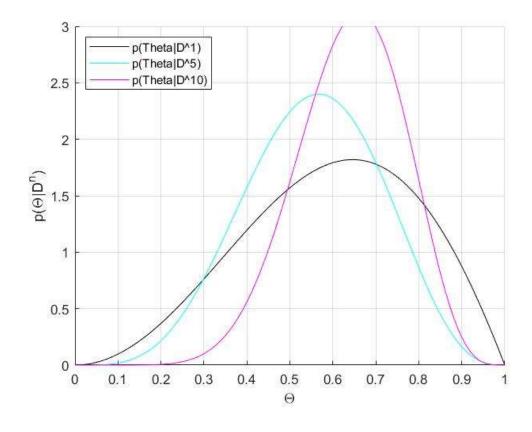
Από εκφώνηση το  $p(\theta \mid D^0) = (\pi/2) sin(\pi \theta)$ Και από θεωρία  $p(x_n \mid \theta) = \begin{cases} \theta, \alpha \nu \ \acute{\epsilon} \rho \theta \epsilon \iota \ \kappa \epsilon \phi \acute{\alpha} \lambda \iota \\ 1 - \theta, \alpha \nu \ \acute{\epsilon} \rho \theta o \nu \nu \ \gamma \rho \acute{\alpha} \mu \mu \alpha \tau \alpha \end{cases}$  Άρα ,

το p(θ | D¹) = 
$$\frac{\theta^1 (1-\theta)^0 \left(\frac{\pi}{2}\right) \sin(\theta\pi)}{integral(\theta^1 (1-\theta)^0 \left(\frac{\pi}{2}\right) \sin(\pi\theta) d\theta}$$
ομοίως για

το p(θ | D<sup>5</sup>) = 
$$\frac{\theta^5 (1-\theta)^3 \left(\frac{\pi}{2}\right) \sin(\theta\pi)}{integral(\theta^5 (1-\theta)^3 \left(\frac{\pi}{2}\right) \sin(\pi\theta) d\theta}$$
 και

$$\mathsf{to}\;\mathsf{p}(\boldsymbol{\theta}\,|\,\mathsf{D}^{10}) = \frac{\theta^{10}(1-\theta)^7\left(\frac{\pi}{2}\right)\!\sin(\theta\pi)}{integral(\theta^{10}(1-\theta)^7(\frac{\pi}{2})\!\sin(\pi\theta)d\theta}$$

Τα διαγράμματα παρατίθενται παρακάτω



3. Το  $p(x=k|D^{10})$  βρέθηκε αριθμητικά μέσω matlab ίσο με 3.1244 για x=0.66

## ΑΣΚΗΣΗ 4

1. Λύσεις σε matlab αρχεία code3\_4\_2, code 3\_4\_3,code\_3\_4\_4\_initial\_values και code3\_4\_4\_diff\_values

2. Παρατηρώ πως οι πίνακες συνδιασποράς είναι ίσοι αλλά όχι διαγώνιοι οπότε δεν μπορώ να χρησιμοποιήσω τον ευκλείδειο ταξινομητή. Παρόλα αυτά στον κώδικα υπολογίζεται.

Τα σφάλματα υπολογίζονται:

Την καλύτερη απόδοση έχουν ο bayes και ο mahalanobis ταξινομητές.

Ευκλείδιος	0.11011
Mahalanobis	0.09710
Bayes	0.09710

3.

Με την μέθοδο της μέγιστης πιθανοφάνειας υπολογίζουμε τις πιθανότητες λάθους:

Ευκλείδιος	0.11011
Mahalanobis	0.10210
Baves	0.10410

Παρατηρούμε πως ο καλύτερος ταξινομητής είναι ο Mahalanobis αλλά με πολύ μικρή διαφορά από τον Bayes. Διαλέγουμε τον Mahalanobis.

Παρατηρούμε πως η ευκλείδιος που δεν θα έπρεπε να χρησιμοποιηθεί εδώ δίνει το ίδιο σφάλμα και μεγαλύτερο από τους άλλους δυο ταξινομητές.

4. Επαναλαμβάνουμε τα βήματα 2,3 αλλά με διαφορετικούς πίνακες συνδιασποράς.

Για τα αρχικά δεδομένα τα σφάλματα είναι:

Ευκλείδιος	0.07415
Mahalanobis	0.06914
Baves	0.06313

Παρατηρούμε πως ο καλύτερος ταξινομητής είναι ο Bayes αλλά με πολύ μικρή διαφορά από τον Mahalanobis. Διαλέγουμε τον Bayes.

Εφαρμόζουμε ομοίως την μέθοδο μέγιστης πιθανοφάνειας και τα αποτελέσματα είναι τα εξής:

Ευκλείδιος	0.07114
Mahalanobis	0.06713
Bayes	0.06012

Αυτή τη φορά βλέπουμε πως ο bayes έδωσε πολύ καλύτερα αποτελέσματα από τον Mahalanobis.

Συμπαιρένουμε, πώς όταν ο πίνακας συνδιασποράς είναι ίδιος για όλες τις κλάσεις τότε οι ταξινομητές έχουν σχεδόν ίδια αποτελέσματα ενώ όταν έχουμε διαφορετικούς πίνακες συνδιασποράς οι διαφορά στους ταξινομητές είναι αισθητή.