二分法求方程近似解

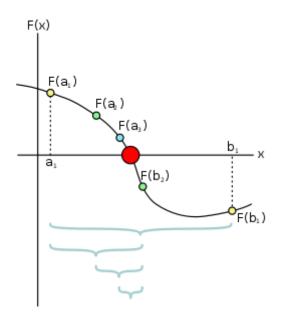
限制

- 3000 ms
- 32768 KB

二分法是一种求解方程近似根的方法。对于一个函数 f(x),使用二分法求 f(x) 近似解的时候,我们先设定一个迭代区间(在这个题目上,我们之后给出了的两个初值决定的区间 [-20,20]),区间两端自变量 x 的值对应的 f(x) 值是异号的,之后我们会计算出两端 x 的中点位置 x' 所对应的 f(x') ,然后更新我们的迭代区间,确保对应的迭代区间的两端 x 的值对应的 f(x) 值还会是异号的。

重复这个过程直到我们某一次中点值 x' 对应的 $f(x')<\epsilon$ (题目中可以直接用 EPSILON)就可以将这个 x' 作为近似解返回给 main 函数了。

例如:



上面所示的一个迭代过程的第一次的迭代区间是 $[a_1,b_1]$,取中点 b_2 ,然后第二次的迭代区间是 $[a_1,b_2]$,再取中点 a_2 ,然后第三次的迭代区间是 $[a_2,b_2]$,然后取 a_3 ,然后第四次的迭代区间是 $[a_3,b_2]$,再取红色中点 c,我们得到发现 f(c) 的值已经小于 ϵ ,输出 c 作为近似解。

在这里,我们将用它实现对形如 px + q = 0 的一元一次方程的求解。

在这里,你完成的程序将被输入两个正整数 p 和 q(你可以认为测评机给出的 $0<|p|\leq 1000$ 且 $0<|q|\leq 1000$),程序需要用二分法求出 px+q=0 的近似解。

输入格式

测评机会反复运行你的程序。每次程序运行时,输入为一行,包括一组被空格分隔开的符合描述的正整数 p 和 q。你可以认为输入数据构成的方程 px+q=0 都是有解且解在 [-20,20] 的区间内。

输出格式

输出为一行,包括一个数字。为方程 px+q=0 的近似解。请使用四舍五入的方式保留小数点后 4 位小数。

样例输入1

55 9

样例输出 1

-0.1636

样例输入2

-224

样例输出 2

0.1818

提示信息

这一题的 main 函数已经帮你写好了, 你需要自己实现一下二分法求近似解的过程。

- 代码中为你提供了一个可以用的宏替换,在程序中使用 EPSILON 和使用 1e-7 是一样的。
- 输出时使用的格式 %.4f 中, .4 表示了保留四位小数, f 用于 double 型输出。
- 迭代求解的二分区间在这里可以直接用-20到20。
- 这一节已经提供了 f 函数, 能直接用于计算 px + q 的值。
- bisection 函数的三个参数已经被设置了, 你需要在这个设定下进行完成。
- fabs 是一个用于求浮点类型数的绝对值函数,你在判断迭代是否停止时可能会用上。

请注意,这里的输入、输出过程都已经帮你处理好了,请不要添加额外的输入、输出内容, 否则测评机都会给出"运行结果错误"的提示。