

Nome do aluno: _____ Matrícula do aluno: _____

1) (1,5 pontos) Suponha que se deseja fazer uma **seleção por igualdade** sobre um atributo que é **chave primária e chave de ordenação** de um arquivo. Duas das possíveis estratégias de busca são a **busca linear** e o **uso de índice**. Indique para **qual quantidade de blocos** do arquivo passa a **valer a pena** usar o **índice**. O cálculo deve levar em consideração a soma dos custos de *seek* e transferência, sendo que um *seek* é 50 vezes mais lento que uma transferência. Para o uso de índice, considere que a árvore do índice tenha altura igual a **três**, para qualquer um dos tamanhos de arquivo considerados, e que também é necessário acessar o arquivo de dados. **Justifique sua resposta.**

- a) 64 blocos
- b) 128 blocos
- c) 256 blocos
- d) 512 blocos <--**
- e) 1024 blocos

Resposta:

$$\begin{aligned}
 1ts &= 50tt \\
 Its + n/2 * tt &> (h+1)*(ts+tt) \\
 50tt + (n/2)tt &> 4*51tt \\
 50tt + (n/2)tt &> 204tt
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Com } n = 256 \\
 50tt + 128tt &> 204tt \\
 178tt &> 204tt ?? (\text{falso})
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Com } n = 512 \\
 50tt + 256tt &> 204tt \\
 306tt &> 204tt ?? (\text{verdadeiro}) \text{ Letra D}
 \end{aligned}$$

2) (1,5 pontos) Suponha que se deseja **ordenar** um conjunto de registros divididos em **1024 partições** com **dois registros** cada. Ainda, suponha que, por limitação do espaço em memória, seja usado um mecanismo de **intercalação** que mescle partições, gerando partições maiores e em menor número. O mecanismo escolhido consegue diminuir o número de partições pela **metade** após cada estágio de intercalação. Ainda, em **cada estágio** de intercalação, **cada registro** sofre **uma operação de entrada e uma de saída**. Dadas essas características, **quantas operações** de entrada e saída são necessárias **ao todo?**

Resposta:

$$\begin{aligned}
 \text{Número de estágios} &= \log(1024) = 10 \\
 \text{Número de registros} &= 1024 * 2 = 2048 \\
 \text{Estágios * registros} &= 10 * 2048 = 20.480
 \end{aligned}$$

Considere o esquema relacional da Figura 1 e as estatísticas da Figura 2 para responder as questões de 3 até 7.

3) (1,5 pontos) Considere que os registros da tabela **aloc** estão espalhados em 500 blocos, e os registros da tabela **proj** estão concentrados em um único bloco. Nesse cenário, indique o custo para realizar um **merge join** entre essas duas tabelas, em **número de seeks** e **número de transferências**, separadamente. **Ignore** o custo para ordenar as relações, e considere o pior caso, em que só cabe **um bloco** de cada relação na **memória**.

Resposta:

$$N(aloc) = 10.000$$

$$N(proj) = 50$$

$$B(aloc) = 500$$

$$B(proj) = 1$$

$$Ts = 50tt$$

transferências

$$B(aloc) + B(proj) = 501tt$$

seeks

$$B(aloc) + B(proj) = 501ts$$

Mas.... só é necessário 1 bloco de projeto, então faz-se um seek para localizar esse bloco e outro seek para localizar o primeiro bloco da outra relação

seeks

$$1 + 1 = 2ts$$

De qualquer forma, a resposta anterior (501) também é válida.

4) (1,5 pontos) Marque V para as consultas que se **beneficiam pela ordenação** dos registros em alguma ordem específica, e F caso contrário? Para acertar a questão, **todas** marcações precisam estar corretas. Responda na **folha de respostas**.

- a) Select distinct idFunc, salario from func (F)
- b) Select salario, count(*) from func group by salario (V)
- c) Select * from func order by salario (V)
- d) Select salario from func (F)

Resposta: *F-V-V-F*

Apesar do uso do *distinct* na letra a), ela é falsa porque a consulta não gera duplicatas, uma vez que os registros são diferenciados entre si pelo *idFunc*.

5) (1,5 pontos) Em álgebra relacional, a operação de **diferença** não é **associativa**. Demonstre um caso que prove essa afirmação usando consultas em **álgebra relacional** sobre a tabela **func**. Para auxiliar na explicação, mostre os **registros da tabela**, bem como os **registros retornados pelas consultas**.

Resposta:

Registros de func (idFunc, idDept, nomeFunc, salario):

(1, 1, 'Joao', 2000)
(2, 1, 'Ana', 3000)
(3, 2, 'Pedro', 3000)
(4, 2, 'Cesar', 4000)
(5, 3, 'Carla', 4000)
(6, 3, 'Paulo', 2000)

Consultas por extenso e usando relações temporárias, mas poderia ser em forma de árvore

$rel1 \leq \Pi \text{ salario } (\sigma \text{idDept} = 1 \text{ (func)})$
 $rel2 \leq \Pi \text{ salario } (\sigma \text{idDept} = 2 \text{ (func)})$
 $rel3 \leq \Pi \text{ salario } (\sigma \text{idDept} = 3 \text{ (func)})$

Consulta 1:

$rel1 - (rel2 - rel3)$

Resposta: {2000,3000} - ({3000,4000} - {4000,2000})
{2000,3000} - {3000}
{2000}

Consulta 2:

$rel2 - (rel1 - rel3)$

Resposta: {3000,4000} - ({2000,3000} - {4000,2000})
{3000,4000} - {3000}
{4000}

As duas consultas geram resultados diferentes

6) (1,5 pontos) Transforme a consulta SQL abaixo em uma expressão em **álgebra relacional otimizada**. Use as **três regras** de otimização vistas em aula.

```
Select f.*  
from depto natural join func  
where setor = 'sul' and salario > 2.000
```

Resposta:

$rel1 \leq \Pi \text{idDept } (\sigma \text{setor} = \text{sul} \text{ (depto)})$
 $rel2 \leq (\sigma \text{salario} > 2000 \text{ (func)})$
 $\text{resp} \leq \text{rel1} /X/ \text{rel2}$

7) (1,5 pontos) Considere a consulta abaixo:

```
Select *\nfrom func natural join aloc natural join proj\nwhere salario = 2.000 and custo = 2000
```

Existem **duas** possíveis ordens de junção que respondem essa consulta usando as relações de chave estrangeira. Das duas, a **mais eficiente** envolve combinar primeiro **aloc e proj**. Qual **deveria ser** o valor de $V(\text{salario}, \text{func})$ para que **valesse a pena** realizar primeiro a junção entre **aloc e func**?

Resposta:

Estatísticas:

$$n(\text{func}) = 1.000$$

$$n(\text{aloc}) = 10.000$$

$$n(\text{proj}) = 50$$

$$v(\text{salario}, \text{func}) = 3$$

$$v(\text{custo}, \text{proj}) = 5$$

Após filtros:

$$n(\text{func}) = 1.000 / 3$$

$$n(\text{proj}) = 50 / 5$$

Comparação

$$1000/x < 50/5$$

$$1000/x < 10$$

$$x > 100$$

$V(\text{salario}, \text{func}) >$ deveria ser maior do que 100

```
depto (idDept, nomeDept, setor)\nfunc (idFunc, idDept, nomeFunc, salario)\n    idDept referencia depto\nproj (idProj, nomeProj, custo, duracao)\n    aloc (idFunc, idProj, função)\n        idFunc referencia func\n        idProj referencia proj
```

Figura 1 – Esquema Relacional

Chave	Valor
N. registros func	1.000
N. registros aloc	10.000
N. registros proj	50
$V(\text{salario}, \text{func})$	3
$V(\text{custo}, \text{proj})$	5

Figura 2 – Estatísticas das tabelas