



1. 欧拉环路：环经过所有的边有且仅有一次

哈密尔顿环路：环经过所有的顶点有且仅有一次

2. B树树高：

m阶b树：一个节点最多m个孩子

最小树高： $O(\log_m(N))$

最大树高： $n_0 = 1, n_1 = 2, n_2 = 2 \times \lfloor m/2 \rfloor$

$h = O(\log_m(N))$

分裂：如果某个节点集发生溢出，以中间的关键码为基准进行分裂，中位数关键码上升到上一级

3. 优先队列

4. 堆

```
#define Parent(i) ((i - 1) >> 1)
#define LChild(i) (1 + (i << 1)) //奇数
#define RChild(i) ((1 + i) << 1) //偶数
```

1. 堆的插入-- $O(\log n)$ -- 使用上滤

向整个堆尾部添加元素

然后和父节点进行比较，如果大于则进行交换，递归到根节点

一般情况下，只进行 $O(1)$ 次数的操作，因此对于n个节点，建堆需要 $O(n)$ 的时间复杂度

2. 堆的获取： $O(1)$

直接弹出第一个数据即可

3. 堆的删除 -- 使用下滤

弹出第一个

将最后一个位置的元素替换第一个

堆序性被破坏，需要进行更改

需要对开头进行heapify操作（递归）

4. 建堆

1. 按顺序上滤：即使用当前和父节点比较，进行交换

这种方式：建堆的最差结果： $O(n \log n)$

2. 自下而上的下滤：Floyd $O(n)$

针对每个节点进行下滤

5. 堆排序

```
#define father(x) ((x-1)/2)
#define left_son(x) ((2*x)+1)
#define right_son(x) ((2*x)+2)
void up_sort(vector<int>& vec, int pos) //O(n log n)
```

```

{
    if (pos <= 0)
        return;
    int aim = father(pos);
    if (vec[aim] < vec[pos])
    {
        swap(vec[aim], vec[pos]);
        up_sort(vec, aim);
    }
    return;
}

void heapify(vector<int>& vec, int pos, int right) // o(n)
{
    if (pos >= right)
        return;
    int maxt = pos;
    if (left_son(pos) < right && vec[left_son(pos)] > vec[maxt])
        maxt = left_son(pos);
    if (right_son(pos) < right && vec[right_son(pos)] > vec[maxt])
        maxt = right_son(pos);
    if (maxt != pos)
    {
        swap(vec[maxt], vec[pos]);
        heapify(vec, maxt, right);
    }
}

int main()
{
    vector<int> heap{ 5,4,6,3,5,3,1,6,9 };
    for (int i = 1; i < heap.size(); i++)
    {
        up_sort(heap, i);
    }
    for (int i = heap.size() - 1; i >= 0; i--)
    {
        swap(heap[i], heap[0]);
        heapify(heap, 0, i);
    }
    return 0;
}

```