

Требуется найти минимизирующее значение  
 $\hat{\lambda} > 0$ , при котором результатом  
 минимума матричное неравенство

$$\left( \begin{array}{l} -I_{n \times n} F \cdot \hat{\lambda} A \vec{x} - b \\ \hat{\lambda} \cdot F^T - \hat{\lambda} \cdot I_{m \times m} O_{m \times 1} \\ (A \vec{x} - b)^T O_{m \times m} - \gamma^2 \\ M \cdot D \hat{\lambda} M \cdot (E_A \vec{x} - E_B) \end{array} \right) \leq 0$$

относительно неизвестной  $\vec{x} \in \mathbb{R}^n$ ,

$\hat{\lambda} \in \mathbb{R}^1$ ,  $\hat{\lambda} > 0$ , где  $I \in \mathbb{R}^{n \times n}$ ,  $D \in \mathbb{R}^{m \times m}$ ,  $A \in \mathbb{R}^{n \times m}$ ,

матрица  $F \in \mathbb{R}^{l \times m}$ ,  $b \in \mathbb{R}^{n \times 1}$ ,  $E_A \in \mathbb{R}^{l \times n}$ ,  $E_B \in \mathbb{R}^{l \times n}$ .

$O_{m \times 1} \in \mathbb{R}^{m \times 1}$ ,  $M \in \mathbb{R}^{l \times l}$ ,  $\gamma \in \mathbb{R}$ .

Выведите на следующем примере:

$$n=2, m=2, l=2, D=0,$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 5 \\ 6 \end{pmatrix}, \quad F = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$
$$E_A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad E_B = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad M = \begin{pmatrix} 5 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}.$$

1. Построить график зависимости

$y$  от  $p$  на промежутке  $[0, 2]$

с шагом  $0,1$ .

2. Выведите при каком  $p$  уравнение

$$x = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} \text{ и } \text{ наименее}$$

$(x_1, x_2)$  наименее близко

расположены  $(x_1(p), x_2(p))$ , где

$(x_1(p), x_2(p))$  — ближайшее решение

системы матричного неравенства.