

Сначала вычислим и построим
область достижимости для линейной
системы: $x_{t+1} = Ax_t + w_t$ для
трёх матриц A : устойчивой, неустой-
чивой и нейтральной;

$$A_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0.72 & 0.1 \end{pmatrix}, A_2 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -0.99 & 2 \end{pmatrix}, A_3 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & \sqrt{2} \end{pmatrix}.$$

Для каждой из этих матриц
последовательно при $t = 0, 1, 2, \dots$
решаем LMI с $P_0 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$:

$$\begin{pmatrix} -P_t & P_t A^T \\ A P_t & -P_{t+1} + I \end{pmatrix} \leq 0 \quad (1)$$

и при каждом t находим
матрицу P_{t+1} с минимальным
следом, т.е. решаем задачу
semidefinite programming:

$\min \text{tr } P_{t+1}$ subject to (1),
и строим эллипс $x^T P_t^{-1} x \leq 1$.