

<https://www.acmicpc.net/problem/8111>



구사과님이 문제에 주어진 조건에 만족하는 수를 좋아하신다고 합니다.
자연수 N 이 주어질 때 N 의 배수 중에서 구사과님이 좋아하시는 수를 아무거나 출력하는 문제입니다.

풀이

완전 탐색으로 100자리수에 0,1을 넣어보면 2^{100} 가지의 경우가 있으니 안됩니다.

N 의 배수를 확인하며 0과 1로 이루어진 수를 찾을 수도 없습니다.

그래서 0과 1로 이루어진 수를 만들면서 N 으로 나누어 N 의 배수인지 확인하겠습니다.

완전 탐색과 뭐가 다른가요?

수가 N 의 배수인지 확인을 하기 위해서는 나머지 연산을 했을 때 0이면 됩니다.

그래서 그 수를 나눌 필요 없이 나머지로 계산을 하면 됩니다.

예를 들면, $(1111 * 10 + 1) \% 7 = 2$, $((1111 \% 7) * 10 + 1) \% 7 = 2$ 이런 식으로 모듈러 연산은 분배 법칙이 적용합니다.

그래서

$$1. (A * 10 + 1) \% N$$

$$2. (A * 10) \% N$$

이 두 개를 연산하며 나머지가 0일 때까지 연산하면 됩니다.

1부터 시작하니 1을 기준으로 BFS를 돌리면 가능한 수 중에 가장 짧은 수를 구할 수 있습니다.

그러면 그 수가 길이가 100이 넘어가면 BRAK을 출력하면 되겠죠?

BFS를 하면서 현재 무슨 수를 추가했는지 저장을 하게 되면 그 수를 쉽게 알아낼 수 있습니다.

그런데 이 문제가 사실 그러한 수는 꼭 있다고 합니다.

0이 아닌 사이클이 돌게 되면 아예 불가능한데

<https://kimcodingv.github.io/BOJ-1612/>

[BOJ | 백준] 1612번: 가지고 노는 1

BOJ 1612 가지고 노는 1

kimcodingv.github.io

이 글에서 1로만 이루어진 수는 2,5배수를 제외하고 가능하다고 했는데 0으로도 수를 만들 수 있으니 모두 가능하다는 것을 알 수 있습니다.

2만의 길이를 가진 수는 가능하다는 것을 알았는데 수의 길이가 100이하인 경우가 가능한지는 잘 모르겠습니다...

알게 될 기회가 있다면 글을 수정하여 올리겠습니다.

소스 코드

```

#include <bits/stdc++.h>
#define FIO ios::sync_with_stdio(0), cin.tie(0),cout.tie(0)
#define FOR(i,a,b) for(int i=a;i<=b;i++)
#define pii pair <int,int>
#define fs first
#define sd second
using namespace std;

int main(){
    FIO;
    int t; cin >> t ;while(t--){
        int n; cin >> n;
        if(n == 1) {
            cout << 1 << '\n';
            continue;
        }
        queue <int> q;
        vector <pii> chk(20005, {-1,-1});
        q.emplace(1); chk[1] = {1,-1};
        while(q.size()){
            int now = q.front(); q.pop();
            int a = (now * 10 + 1) % n, b = (now * 10) % n;
            if(chk[a].fs == -1) chk[a] = {1, now}, q.emplace(a);
            if(chk[b].fs == -1) chk[b] = {0, now}, q.emplace(b);
            if(!a || !b) break;
        }
        stack <int> s;
        for(int i = 0; i != -1; i = chk[i].sd)
            s.emplace(chk[i].fs);
        if((int)s.size() > 100) cout << "BRAK";
        else while(s.size()) {
            cout << s.top();
            s.pop();
        }
        cout << '\n';
    }
    return 0;
}

```