푸리에 변환(Fourier Transform)

- •정의: 주기적이지 않은 임의의 신호를 주파수 성분으로 분해하는 수학적 방법입니다.
- 주어진 신호 x(t)를 시간 영역에서 주파수 영역으로 변환할 때 사용하는 변환입니다.
- 연속 푸리에 변환(Continuous Fourier Transform, CFT)은 다음과 같습니다: $X(f) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t)e^{-j2\pi ft}dt$
- 이는 신호를 다양한 주파수 성분(복소수 함수)으로 분해하는 역할을 합니다.

2. 이산 푸리에 변환(Discrete Fourier Transform, DFT)

- 정의: 이산화된 신호(디지털 신호)를 푸리에 변환하는 방법입니다.
- 이산 푸리에 변환은 연속적인 신호를 샘플링한 후, 그 샘플에 대해 푸리에 변환을 적용합니다.
- 이산 푸리에 변환(DFT)의 수식은 다음과 같습니다: $X(k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{-j\frac{2\pi}{N}kn}, \quad k=0,1,2,...,N-1$
- 여기서 NNN은 신호의 샘플 수, kkk는 각 주파수 성분을 의미합니다.

3. FFT(빠른 푸리에 변환, Fast Fourier Transform)

- 정의: DFT를 효율적으로 계산하는 알고리즘입니다.
- **DFT**의 계산 복잡도는 $O(N^2)$ 인데, **FFT**는 이 복잡도를 $O(N \log N)$ 으로 낮춥니다.
- 이를 통해 푸리에 변환의 계산 속도가 급격히 빨라져, 실시간 신호 처리에도 사용할 수 있습니다.

FFT의 원리

- FFT는 DFT를 재귀적으로 계산하는 방법으로, 신호를 짝수 인덱스와 홀수 인덱스 부분으로 나눕니다.
- 이 과정을 반복하면 신호를 작은 크기로 분할한 후 계산하고, 이를 재결합하여 최종 결과를 얻습니다.
- Cooley-Tukey 알고리즘이 대표적인 FFT 알고리즘입니다.

```
% 샘플 신호 생성
Fs = 1000; % 샘플링 주과수 (Hz)
T = 1/Fs; % 샘플링 간격
L = 1500; % 샘플 수
t = (0:L-1)*T; % 시간 벡터

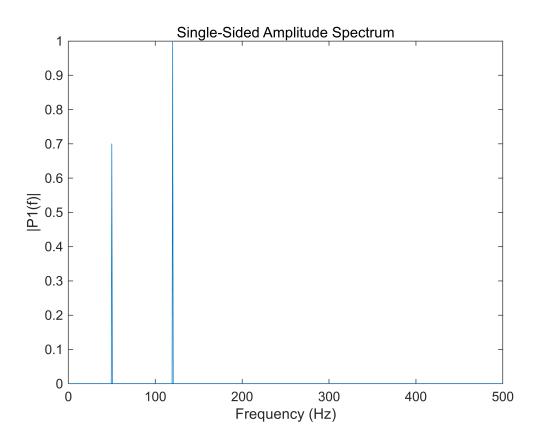
% 신호 생성 (예시: 50Hz와 120Hz 사인파의 합)
S = 0.7*sin(2*pi*50*t) + sin(2*pi*120*t);

% FFT 계산
Y = fft(S);

% 주파수 성분 계산
P2 = abs(Y/L); % FFT 후의 절댓값 계산
P1 = P2(1:L/2+1); % 대칭성을 이용한 단측 스펙트럼
P1(2:end-1) = 2*P1(2:end-1);

% 주파수 축 계산
f = Fs*(0:(L/2))/L;
```

```
% 그래프 그리기
figure;
plot(f, P1);
title('Single-Sided Amplitude Spectrum');
xlabel('Frequency (Hz)');
ylabel('|P1(f)|');
```



4. 역 FFT(IFFT, Inverse Fast Fourier Transform)

- 정의: 주파수 영역에서 시간 영역으로 신호를 변환하는 방법입니다.
- FFT를 통해 주파수 영역에서 분석된 신호를 다시 시간 영역으로 복구할 때 사용합니다.
- 수학적으로는 다음과 같습니다: $x(n) = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} X(k) e^{j\frac{2\pi}{N}kn}, \quad n=0,1,2,...,N-1$
- FFT가 신호를 분해하는 역할을 한다면, IFFT는 그 반대로 신호를 재구성하는 역할을 합니다.

```
% 신호를 FFT로 변환
Y = fft(S);

% FFT로 변환된 신호를 다시 IFFT로 시간 영역으로 복귀
S_reconstructed = ifft(Y);

% 원 신호와 복원된 신호 비교
figure;
subplot(2,1,1);
plot(t, S);
```

```
title('Original Signal');
xlabel('Time (s)');
ylabel('Amplitude');

subplot(2,1,2);
plot(t, real(S_reconstructed));
title('Reconstructed Signal using IFFT');
xlabel('Time (s)');
ylabel('Amplitude');
```

