

## 문제

- 체적이  $1.2 \text{ m}^3$ 인 밀폐된 용기에 밀도가  $0.025 \text{ kg/m}^3$ 인 기체로 채워져 있을 때, 기체의 질량과 비체적은?

## 풀이



1. 밀도 공식:  $\rho = \frac{m}{V}$  

- 여기서  $\rho$ 는 밀도,  $m$ 은 질량,  $V$ 는 부피입니다.

### 1. 질량 계산:

- $m = \rho \times V$
- $m = 0.025 \text{ kg/m}^3 \times 1.2 \text{ m}^3$
- $m = 0.03 \text{ kg}$

### 1. 비체적 계산:

- 비체적  $v = \frac{1}{\rho}$  
- $v = \frac{1}{0.025 \text{ kg/m}^3}$  
- $v = 40 \text{ m}^3/\text{kg}$

## 결과

- 기체의 질량:  $0.03 \text{ kg}$
- 비체적:  $40 \text{ m}^3/\text{kg}$

```
% 밀도, 부피, 질량, 비체적 정의
density = 0.025; % kg/m^3
volume = 1.2; % m^3
```

```
% 질량 계산
mass = density * volume;
```

```
% 비체적 계산
specific_volume = 1 / density;
```

```
% 데이터 출력
fprintf('질량: %.2f kg\n', mass);
```

질량: 0.03 kg

```
fprintf('비체적: %.2f m^3/kg\n', specific_volume);
```

비체적:  $40.00 \text{ m}^3/\text{kg}$

% 그래프 그리기

figure;

% 1. 밀도와 부피의 관계 그래프

subplot(2, 1, 1);

volumes = linspace(0, 2, 100); % 다양한 부피 값 생성

masses = density \* volumes; % 각 부피에 대한 질량 계산

plot(volumes, masses, '-b');

xlabel('Volume ( $\text{m}^3$ )');

ylabel('Mass (kg)');

title('Density vs Volume');

grid on;

% 2. 비체적과 밀도의 관계 그래프

subplot(2, 1, 2);

densities = linspace(0.01, 0.1, 100); % 다양한 밀도 값 생성

specific\_volumes = 1 ./ densities; % 각 밀도에 대한 비체적 계산

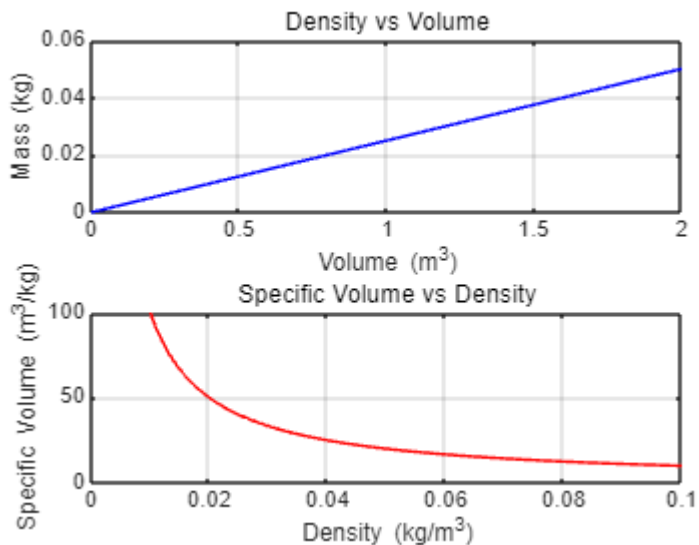
plot(densities, specific\_volumes, '-r');

xlabel('Density ( $\text{kg}/\text{m}^3$ )');

ylabel('Specific Volume ( $\text{m}^3/\text{kg}$ )');

title('Specific Volume vs Density');

grid on;



% 그래프 표시

% 밀도, 부피 초기 값 정의

density = 0.025; %  $\text{kg}/\text{m}^3$

volume\_initial = 0; % 초기 부피

```

volume_final = 2; % 최종 부피
num_steps = 100; % 애니메이션 단계 수

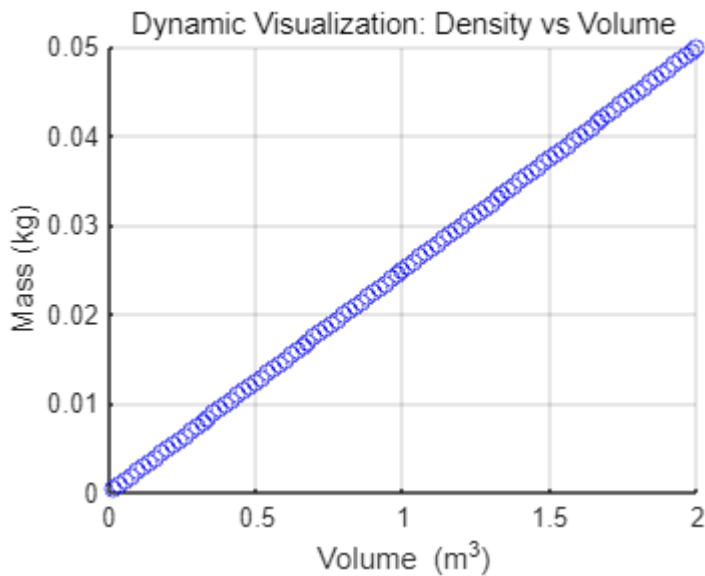
% 애니메이션을 위한 figure 생성
figure;
hold on;
xlabel('Volume (m^3)');
ylabel('Mass (kg)');
title('Dynamic Visualization: Density vs Volume');
grid on;
xlim([volume_initial volume_final]);
ylim([0 density * volume_final]);

% 애니메이션 그리기
for i = 1:num_steps
    % 부피와 질량 계산
    volume = volume_initial + (volume_final - volume_initial) * (i / num_steps);
    mass = density * volume;

    % 그래프 업데이트
    plot(volume, mass, 'bo');
    pause(0.05); % 애니메이션 속도 조절
end

hold off;

```



```

% 비체적과 밀도의 관계 애니메이션
figure;
hold on;
xlabel('Density (kg/m^3)');
ylabel('Specific Volume (m^3/kg)');
title('Dynamic Visualization: Specific Volume vs Density');
grid on;

```

```

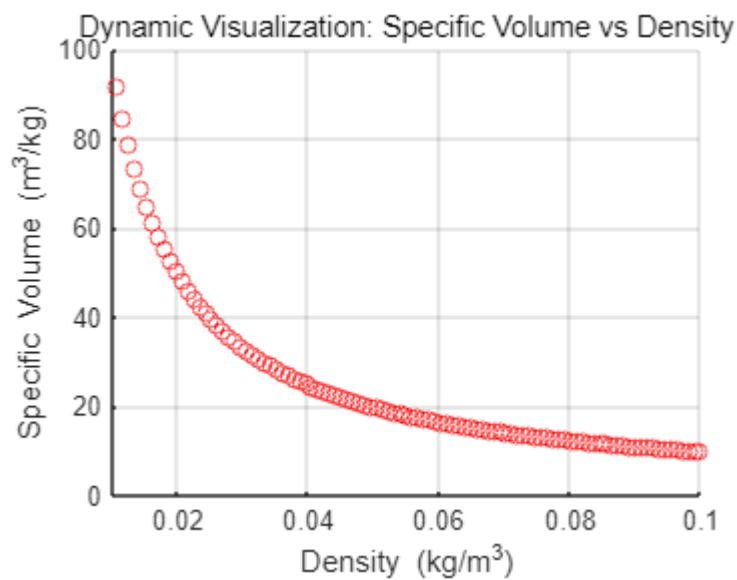
xlim([0.01 0.1]);
ylim([0 100]);

% 밀도 변화에 따른 비체적 변화
for i = 1:num_steps
    % 밀도와 비체적 계산
    density_dynamic = 0.01 + (0.1 - 0.01) * (i / num_steps);
    specific_volume = 1 / density_dynamic;

    % 그래프 업데이트
    plot(density_dynamic, specific_volume, 'ro');
    pause(0.05); % 애니메이션 속도 조절
end

hold off;

```



```

% 밀도와 부피 범위 설정
density_range = linspace(0.01, 0.1, 50); % kg/m^3
volume_range = linspace(0, 2, 50); % m^3

% 3D 그래프를 위한 격자 생성
[Density, Volume] = meshgrid(density_range, volume_range);

% 질량 계산
Mass = Density .* Volume;

% 3D 그래프 그리기
figure;
surf(Density, Volume, Mass);
xlabel('Density (kg/m^3)');
ylabel('Volume (m^3)');

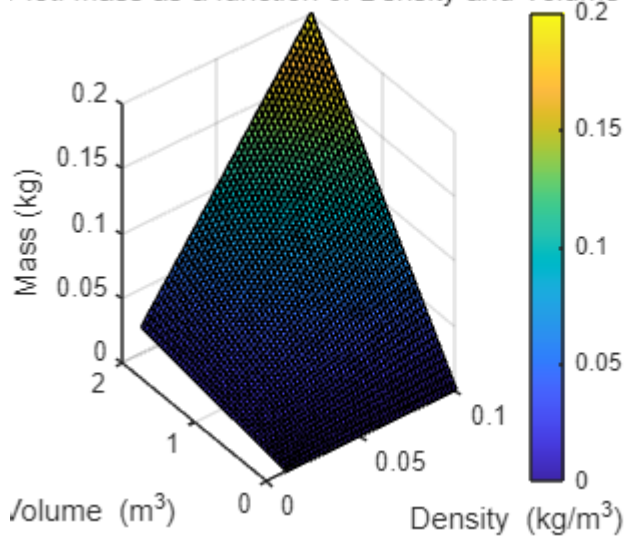
```

```

zlabel('Mass (kg)');
title('3D Plot: Mass as a function of Density and Volume');
colorbar;
grid on;

```

Plot: Mass as a function of Density and Volume



```

% 밀도와 부피 범위 설정
density_range = linspace(0.01, 0.1, 50); % kg/m^3
volume_range = linspace(0, 2, 50); % m^3

% 3D 그래프를 위한 격자 생성
[Density, Volume] = meshgrid(density_range, volume_range);

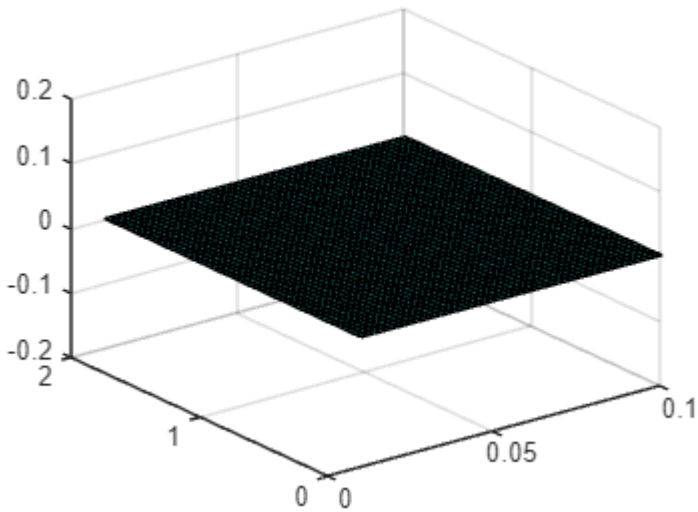
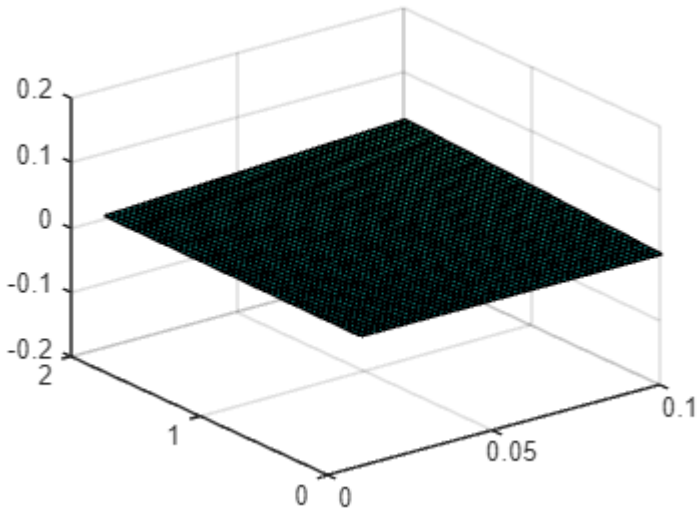
% 애니메이션을 위한 figure 생성
figure;
xlabel('Density (kg/m^3)');
ylabel('Volume (m^3)');
zlabel('Mass (kg)');
title('3D Dynamic Plot: Mass as a function of Density and Volume');
colorbar;
grid on;

% 애니메이션 그리기
for t = 1:50
    % 동적 밀도 및 부피에 따른 질량 계산
    Mass = Density .* Volume .* sin(2 * pi * t / 50); % 질량을 시간에 따라 변화시키기
    위해 sin 함수 사용

    % 3D 그래프 업데이트
    surf(Density, Volume, Mass);
    zlim([-0.2 0.2]); % z축의 범위 고정
    caxis([-0.2 0.2]); % 색상 범위 고정

```

```
pause(0.1); % 애니메이션 속도 조절  
end
```



## 문제

- 400kgf의 하중이 단면적  $A = 25 \text{ cm}^2$ 인 평판에 수평과  $30^\circ$ 를 이루며 작용할 때, 평판에 작용하는 압력 (MPa)은?

## 풀이

### 1. 힘 (F, 하중) 계산:

- 하중을 뉴턴(N)으로 변환
- $400 \text{ kgf} = 400 \times 9.8 \text{ N/kgf} = 3920 \text{ N}$

### 1. 힘의 수직분력 계산:

- 수평과  $30^\circ$ 를 이루므로 수직분력은  $F \sin \theta$
- $\sin(30^\circ) = 0.5$
- $F \sin \theta = 3920 \times 0.5 = 1960 \text{ N}$

### 1. 면적 (A) 계산:

- 단면적을 제곱미터  $\text{m}^2$ 로 변환
- $25 \text{ cm}^2 = 25 \times 10^{-4} \text{ m}^2 = 2.5 \times 10^{-3} \text{ m}^2$

### 1. 압력 (P) 계산:

- 압력  $P = \frac{F}{A}$
- $P = \frac{1960 \text{ N}}{2.5 \times 10^{-3} \text{ m}^2}$
- $P = 784000 \text{ Pa}$
- $1 \text{ MPa} = 10^6 \text{ Pa}$
- $P = 0.784 \text{ MPa}$

% 주어진 값들

```
force_kgf = 400; % kgf
g = 9.8; % 중력 가속도 (m/s^2)
theta = 30; % 각도 (degrees)
area_cm2 = 25; % 면적 (cm^2)
```

% 1. 힘 (F, 하중) 계산

```
force_N = force_kgf * g; % kgf를 뉴턴(N)으로 변환
force_vertical = force_N * sind(theta); % 수직분력 계산
```

% 2. 면적 (A) 계산

```
area_m2 = area_cm2 / 10000; % cm^2를 m^2로 변환
```

% 3. 압력 (P) 계산

```
pressure_Pa = force_vertical / area_m2; % 압력 (Pa)
pressure_MPa = pressure_Pa / 10^6; % 압력을 MPa로 변환
```

% 값 출력

```
fprintf('수직분력: %.2f N\n', force_vertical);
```

수직분력: 1960.00 N

```
fprintf('면적: %.2e m^2\n', area_m2);
```

면적:  $2.50 \times 10^{-3} \text{ m}^2$

```
fprintf('압력: %.3f MPa\n', pressure_MPa);
```

압력: 0.784 MPa

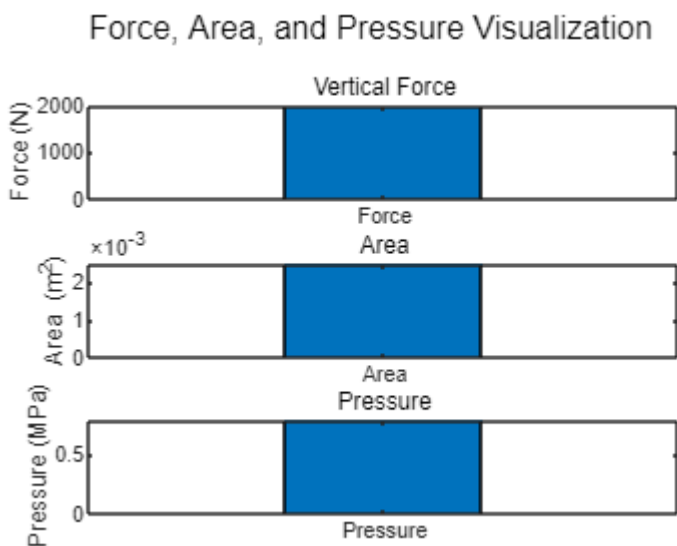
```
% 그래프 그리기
figure;

% 수직분력 그래프
subplot(3, 1, 1);
bar(1, force_vertical);
ylabel('Force (N)');
title('Vertical Force');
xticklabels({'Force'});

% 면적 그래프
subplot(3, 1, 2);
bar(1, area_m2);
ylabel('Area (m^2)');
title('Area');
xticklabels({'Area'});

% 압력 그래프
subplot(3, 1, 3);
bar(1, pressure_MPa);
ylabel('Pressure (MPa)');
title('Pressure');
xticklabels({'Pressure'});

% 그래프 표시
sgtitle('Force, Area, and Pressure Visualization');
```





## 문제

- 직경이 50 cm인 피스톤에서  $F_1 = 250 \text{ kN}$ 의 힘을 얻기 위해서, 직경 5 cm인 피스톤에 가해야 할 힘  $F_2$ 는?

## 풀이

### 1. 파스칼의 원리:

- 파스칼의 원리에 따르면 두 피스톤의 압력이 동일하므로,

$$\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2} \quad \text{??}$$

여기서,

- $F_1 = 250 \text{ kN}$  (주어진 힘)
- $A_1 = \frac{\pi d_1^2}{4}$  (큰 피스톤의 면적)
- $A_2 = \frac{\pi d_2^2}{4}$  (작은 피스톤의 면적) ??
- 직경  $d_1 = 50 \text{ cm}$
- 직경  $d_2 = 5 \text{ cm}$

### 1. 힘 계산:

- 면적 비례 관계:

$$F_2 = \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2 \times F_1 \quad ?$$

- 값 대입:

$$F_2 = \left(\frac{5}{50}\right)^2 \times 250 \text{ kN}$$

- $F_2 = \left(\frac{1}{10}\right)^2 \times 250$
- $F_2 = \frac{1}{100} \times 250$
- $F_2 = 2.5 \text{ kN}$

## 결과

- 작은 피스톤에 가해야 할 힘  $F_2 : 2.5 \text{ kN}$

```

% 주어진 값들
F1 = 250; % kN
d1 = 50; % cm
d2 = 5; % cm

% 힘 계산
F2 = (d2/d1)^2 * F1; % kN

% 값 출력
fprintf('작은 피스톤에 가해야 할 힘 F2: %.2f kN\n', F2);

```

작은 피스톤에 가해야 할 힘 F2: 2.50 kN

```

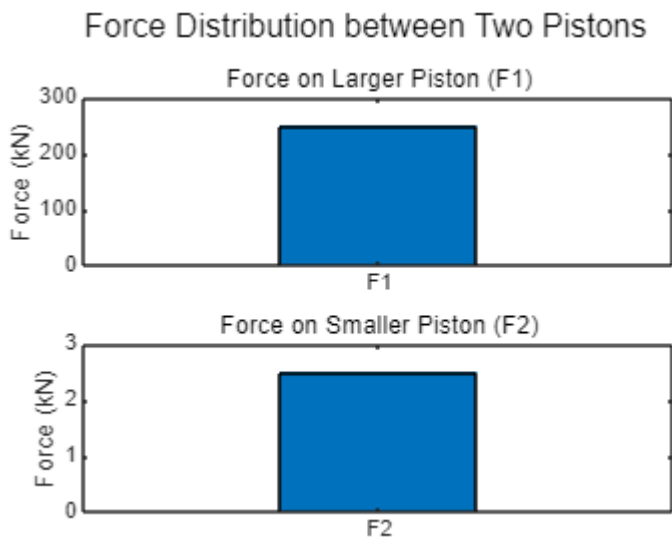
% 그래프 그리기
figure;

% 큰 피스톤의 힘
subplot(2, 1, 1);
bar(1, F1);
ylabel('Force (kN)');
title('Force on Larger Piston (F1)');
xticklabels({'F1'});

% 작은 피스톤의 힘
subplot(2, 1, 2);
bar(1, F2);
ylabel('Force (kN)');
title('Force on Smaller Piston (F2)');
xticklabels({'F2'});

% 그래프 표시
sgtitle('Force Distribution between Two Pistons');

```



## 문제

- 실린더 내부의 가열된 가스 압력이 2.2 MPa입니다.
- 피스톤의 지름이 36 cm일 때, 피스톤을 고정하기 위해 필요한 힘 **F**는 얼마인가요?

## 풀이

### 1. 압력과 면적 관계:

- 압력 (**P**)과 면적 (**A**)을 이용하여 힘 (**F**)을 계산할 수 있습니다.
- 공식:  $F = P \times A$
- 여기서,
- $P = 2.2 \text{ MPa} = 2200 \text{ kN/m}^2$
- 피스톤의 지름 ( $d$ ) = 36 cm = 0.36 m

### 1. 면적 계산:

- 원형 피스톤의 면적 (**A**):

$$A = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{\pi \times (0.36)^2}{4} \text{ m}^2$$

### 1. 힘 계산:

- $F = P \times A$

$$F = 2200 \times \frac{\pi \times (0.36)^2}{4} \text{ kN}$$

- $F = 2200 \times 0.1017 = 223.93 \text{ kN}$

## 결과

- 피스톤을 고정하기 위해 필요한 힘 **F**: 223.93 kN

% 주어진 값들

```
pressure_MPa = 2.2; % MPa
```

```
pressure_kN_m2 = pressure_MPa * 1000; % kN/m^2
```

```
diameter_m = 0.36; % m
```

% 면적 계산

```
area_m2 = pi * (diameter_m^2) / 4;
```

% 힘 계산

```
force_kN = pressure_kN_m2 * area_m2;
```

```
% 값 출력
```

```
fprintf('면적: %.4f m^2\n', area_m2);
```

```
면적: 0.1018 m^2
```

```
fprintf('필요한 힘 F: %.2f kN\n', force_kN);
```

```
필요한 힘 F: 223.93 kN
```

```
% 그래프 그리기
```

```
figure;
```

```
% 압력 그래프
```

```
subplot(3, 1, 1);
```

```
bar(1, pressure_MPa);
```

```
ylabel('Pressure (MPa)');
```

```
title('Pressure in Cylinder');
```

```
xticklabels({'Pressure'});
```

```
% 면적 그래프
```

```
subplot(3, 1, 2);
```

```
bar(1, area_m2);
```

```
ylabel('Area (m^2)');
```

```
title('Piston Area');
```

```
xticklabels({'Area'});
```

```
% 힘 그래프
```

```
subplot(3, 1, 3);
```

```
bar(1, force_kN);
```

```
ylabel('Force (kN)');
```

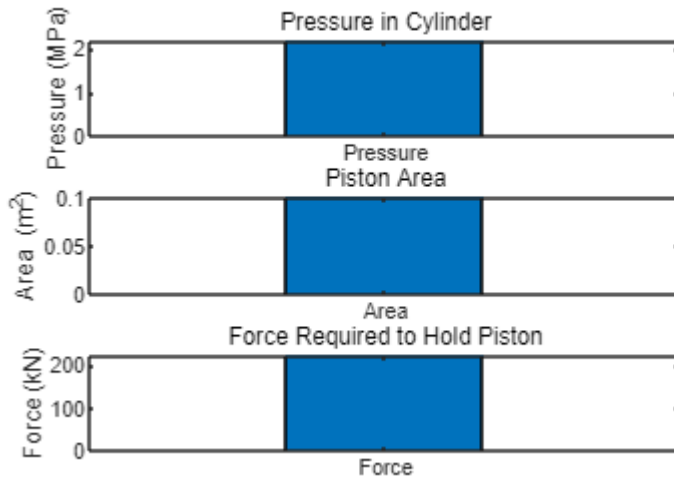
```
title('Force Required to Hold Piston');
```

```
xticklabels({'Force'});
```

```
% 그래프 표시
```

```
sgtitle('Force Calculation for Piston');
```

## Force Calculation for Piston



### 문제

- 대기압력이 1 atm인 상태에서 장치의 진공게이지 압력이 230 mmHg라고 할 때, 절대압력 (kPa)은?

### 풀이

#### 1. 절대압력 ( $P_{abs}$ ) 공식:

- $P_{abs} = P_{atm} - P_{vac}$
- 여기서,
- $P_{atm} = \text{대기압} = 101.325 \text{ kPa}$
- $P_{vac} = \text{진공게이지압력}$

#### 1. 진공게이지 압력을 kPa로 변환:

- $1 \text{ atm} = 760 \text{ mmHg} = 101.325 \text{ kPa}$
- 따라서 230 mmHg 는 kPa로 변환하면,

$$P_{vac} = 230 \times \left( \frac{101.325}{760} \right) \text{ kPa} = 30.665 \text{ kPa}$$

#### 1. 절대압력 계산:

- $P_{abs} = 101.325 \text{ kPa} - 30.665 \text{ kPa}$
- $P_{abs} = 70.66 \text{ kPa}$

### 결과

• 절대압력  $P_{abs}$  ♦: 70.66 kPa

```
% 주어진 값들
P_atm_kPa = 101.325; % 대기압 (kPa)
P_vac_mmHg = 230; % 진공게이지 압력 (mmHg)

% 진공게이지 압력을 kPa로 변환
P_vac_kPa = P_vac_mmHg * (P_atm_kPa / 760);

% 절대압력 계산
P_abs_kPa = P_atm_kPa - P_vac_kPa;

% 값 출력
fprintf('대기압: %.3f kPa\n', P_atm_kPa);
```

대기압: 101.325 kPa

```
fprintf('진공게이지 압력: %.3f kPa\n', P_vac_kPa);
```

진공게이지 압력: 30.664 kPa

```
fprintf('절대압력: %.3f kPa\n', P_abs_kPa);
```

절대압력: 70.661 kPa

```
% 그래프 그리기
figure;

% 대기압 그래프
subplot(3, 1, 1);
bar(1, P_atm_kPa);
ylabel('Pressure (kPa)');
title('Atmospheric Pressure');
xticklabels({'P_{atm}'});

% 진공게이지 압력 그래프
subplot(3, 1, 2);
bar(1, P_vac_kPa);
ylabel('Pressure (kPa)');
title('Vacuum Gauge Pressure');
xticklabels({'P_{vac}'});

% 절대압력 그래프
subplot(3, 1, 3);
bar(1, P_abs_kPa);
ylabel('Pressure (kPa)');
title('Absolute Pressure');
xticklabels({'P_{abs}'});
```

```
% 그래프 표시
```

```
sgtitle('Pressure Visualization');
```

